



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China



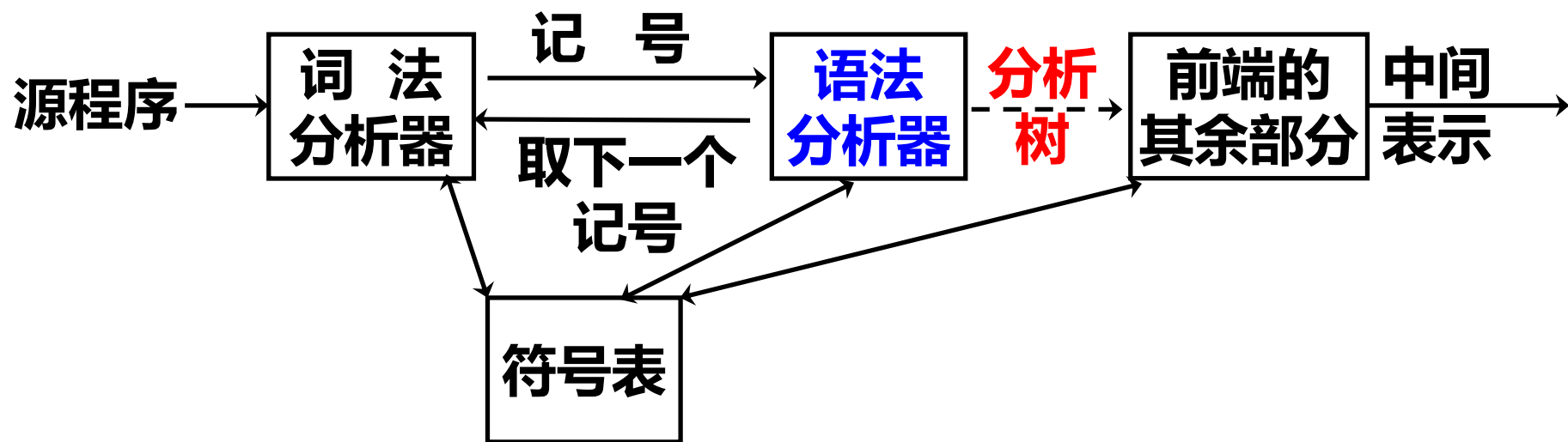
《编译原理与技术》

语法分析 V

计算机科学与技术学院

李 诚

11/10/2018



□LR(k)分析技术

- ❖ 规范的LR方法、向前看的LR方法
- ❖ 二义性文法的使用、错误恢复
- ❖ 分析器的生成器(Yacc)

□语法分析技术总结



SLR(1)文法的描述能力有限



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

$S \rightarrow V = E$
 $S \rightarrow E$
 $V \rightarrow * E$
 $V \rightarrow \text{id}$
 $E \rightarrow V$

I_0 :
 $S' \rightarrow \cdot S$
 $S \rightarrow V = E$
 $S \rightarrow \cdot E$
 $V \rightarrow \cdot * E$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}$
 $E \rightarrow \cdot V$

V

I_2 :
 $S \rightarrow V \cdot = E$
 $E \rightarrow V \cdot$

$=$

I_6 :
 $S \rightarrow V = \cdot E$
 $E \rightarrow \cdot V$
 $V \rightarrow \cdot * E$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}$



$$\begin{aligned}
 S &\rightarrow V = E \\
 S &\rightarrow E \\
 V &\rightarrow * E \\
 V &\rightarrow \text{id} \\
 E &\rightarrow V
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 I_0: \\
 S' &\rightarrow \cdot S \\
 S &\rightarrow V = E \\
 S &\rightarrow \cdot E \\
 V &\rightarrow * E \\
 V &\rightarrow \cdot \text{id} \\
 E &\rightarrow \cdot V
 \end{aligned}$$

$$V$$

$$\begin{aligned}
 I_2: \\
 S &\rightarrow V \cdot = E \\
 E &\rightarrow V \cdot
 \end{aligned}$$

$$=$$

$$\begin{aligned}
 I_6: \\
 S &\rightarrow V = \cdot E \\
 E &\rightarrow \cdot V \\
 V &\rightarrow \cdot * E \\
 V &\rightarrow \cdot \text{id}
 \end{aligned}$$

项目 $S \rightarrow V \cdot = E$ 使得
 $\text{action}[2, =] = \text{s6}$

项目 $E \rightarrow V$ 使得
 $\text{action}[2, =] = \text{r5}$
 $\text{Follow}(E) = \{=, \$\}$

产生移进-归约冲突,
 但该文法不是二义的。



□与SLR(1)分析的区别

- ❖项目集的定义发生了改变
- ❖ $\text{closure}(I)$ 和 GOTO 函数需要修改

□添加了前向搜索符

- ❖一个项目 $A \rightarrow \alpha \beta$ ，如果最终用这个产生式进行归约之后，期望看见的符号是 a ，则这个加点项的前向搜索符是 a 。
- ❖上述项目可以写成： $A \rightarrow \alpha \beta, a$

□项目集改变的目的是增强描述能力



□LR(1)项目:

❖重新定义项目，让它带上搜索符，成为如下形式
 $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$

□LR(1)项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$ 对活前缀 γ 有效:

❖如果存在着推导 $S \Rightarrow_{rm}^* \delta A w \Rightarrow_{rm} \delta \alpha \beta w$ ，其中：

➤ $\gamma = \delta \alpha$;

➤ a 是 w 的第一个符号，或者 w 是 ϵ 且 a 是 $\$$



□例 $S \rightarrow BB$

$B \rightarrow bB \mid a$

从最右推导 $S \Rightarrow_{rm}^* bbBba \Rightarrow_{rm} bbbBba$ 看出：

$[B \rightarrow b \cdot B, b]$ 对活前缀 $\gamma = bbb$ 是有效的

对于项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$ ，当 β 为空时，是**根据搜索符 a 来填表**（归约项目），而不是根据 A 的后继符来填表



□构造LR(1)项目集规范族

❖初始项目集 I_0 :

$[S' \rightarrow S, \$]$ 将\$作为向前的搜索符

□计算闭包CLOSURE(I)

❖I中的任何项目都属于CLOSURE(I)

❖若有项目 $[A \rightarrow \alpha B \beta, a]$ 在CLOSURE(I)中，而 $B \rightarrow \gamma$ 是文法中的产生式， b 是FIRST(βa)中的元素，则 $[B \rightarrow \gamma, b]$ 也属于CLOSURE(I)

保证在用 $B \rightarrow \gamma$ 进行归约后，

- 出现的输入字符 b 是句柄 $\alpha B \beta$ 中 B 的后继符号
- 或者是 $\alpha B \beta$ 归约为 A 后可能出现的终结符。



规范的LR分析：举例



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

$S' \rightarrow S, \$$ I_0

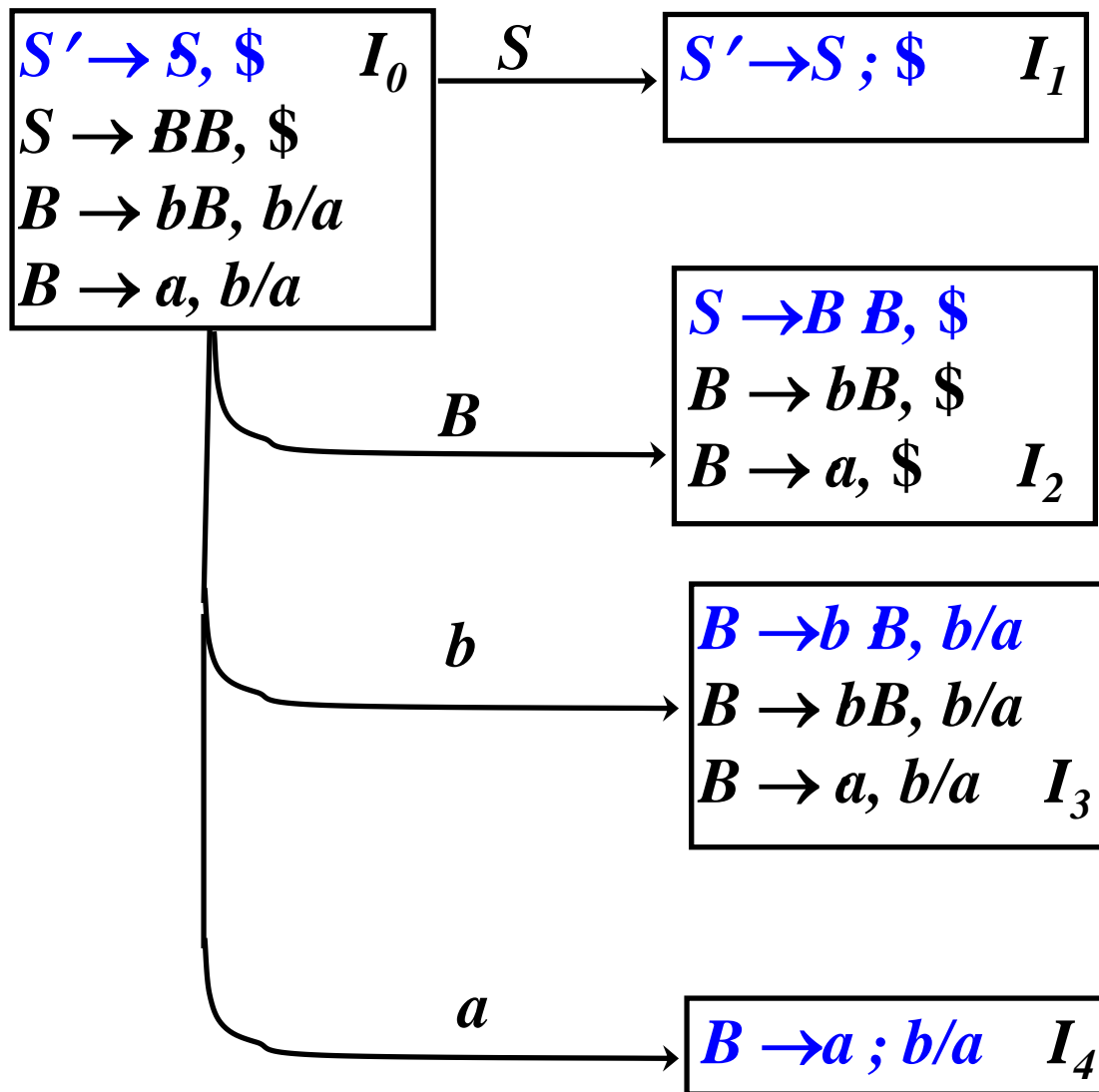
$S \rightarrow BB, \$$

$B \rightarrow bB, b/a$

$B \rightarrow a, b/a$

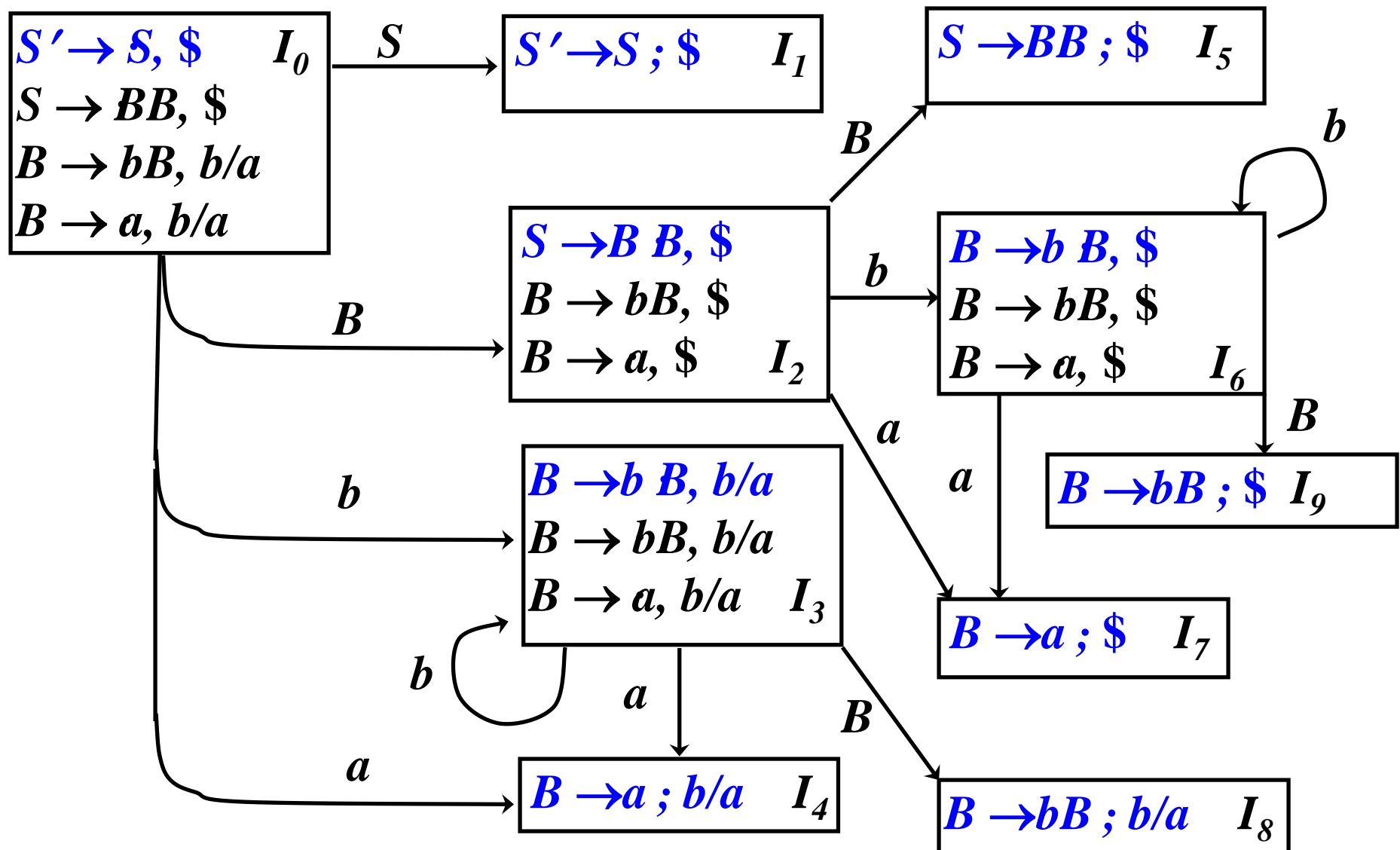


规范的LR分析：举例





规范的LR分析：举例





□构造识别拓广文法 G' 活前缀的DFA

❖基于LR(1)项目族来构造

□状态 i 的 $action$ 函数如下确定:

❖如果 $[A \rightarrow \alpha \ a\beta, b]$ 在 I_i 中, 且 $goto(I_i, a) = I_j$, 那么置 $action[i, a]$ 为 sj

❖如果 $[A \rightarrow \alpha \cdot, a]$ 在 I_i 中, 且 $A \neq S'$, 那么置 $action[i, a]$ 为 rj

❖如果 $[S' \rightarrow S ; \$]$ 在 I_i 中, 那么置 $action[i, \$] = acc$

如果上述构造出现了冲突, 那么文法就不是LR(1)的



□构造识别拓广文法 G' 活前缀的DFA

□状态 i 的 $action$ 函数如下确定:

❖参见上页ppt

□状态 i 的 $goto$ 函数如下确定:

❖如果 $goto(I_i, A) = I_j$, 那么 $goto[i, A] = j$



□构造识别拓广文法 G' 活前缀的DFA

□状态 i 的 $action$ 函数如下确定:

❖参见上页ppt

□状态 i 的 $goto$ 函数如下确定:

❖如果 $goto(I_i, A) = I_j$, 那么 $goto[i, A] = j$

□分析器的初始状态是包含 $[S' \rightarrow \cdot S, \$]$ 的项目集对应的状态

用上面规则未能定义的所有条目都置为**error**



$S \rightarrow V = E$
 $S \rightarrow E$
 $V \rightarrow * E$
 $V \rightarrow \text{id}$
 $E \rightarrow V$

I_0 :
 $S' \rightarrow \cdot S$
 $S \rightarrow V = E$
 $S \rightarrow \cdot E$
 $V \rightarrow * E$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}$
 $E \rightarrow \cdot V$

V

I_2 :
 $S \rightarrow V \cdot = E$
 $E \rightarrow V \cdot$

$=$

I_6 :
 $S \rightarrow V = \cdot E$
 $E \rightarrow \cdot V$
 $V \rightarrow * E$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}$

项目 $S \rightarrow V \cdot = E$ 使得
 $\text{action}[2, =] = \text{s6}$

项目 $E \rightarrow V$ 使得
 $\text{action}[2, =] = \text{r5}$
 $\text{Follow}(E) = \{=, \$\}$

产生移进-归约冲突,
但该文法不是二义的。



非SLR(1)但是LR(1)文法



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

$S \rightarrow V = E$
 $S \rightarrow E$
 $V \rightarrow * E$
 $V \rightarrow \text{id}$
 $E \rightarrow V$

$I_0:$
 $S' \rightarrow \cdot S, \$$
 $S \rightarrow \cdot V = E, \$$
 $S \rightarrow \cdot E, \$$
 $V \rightarrow \cdot * E, =/\$$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}, =/\$$
 $E \rightarrow \cdot V, \$$

$V \longrightarrow$

$I_2:$
 $S \rightarrow V \cdot = E, \$$
 $E \rightarrow V \cdot, \$$

无移进归约冲突

计算闭包:

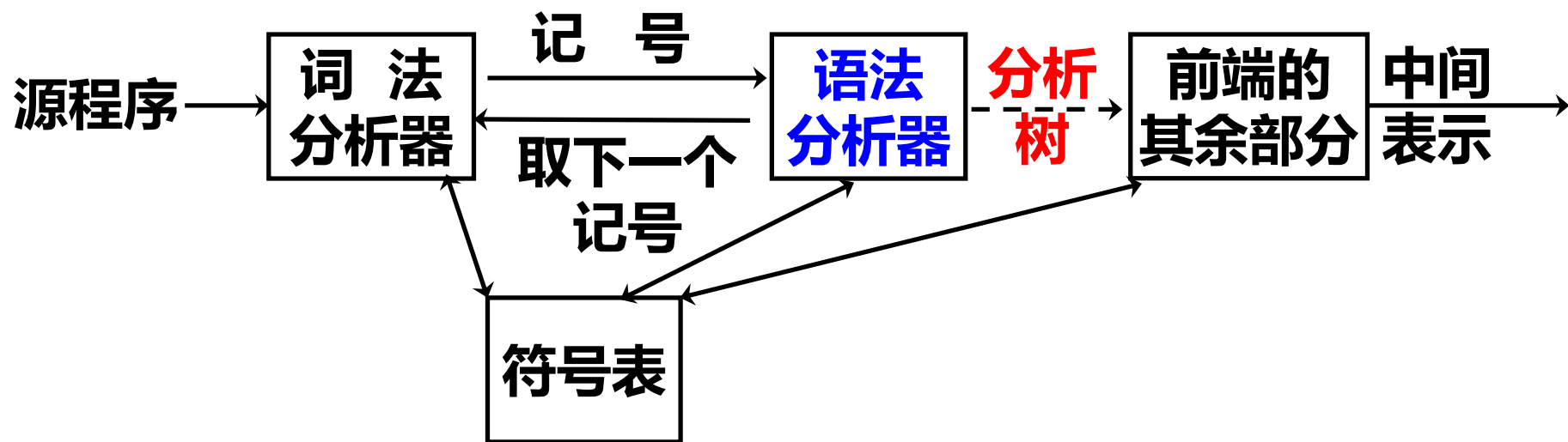
定义里: $[A \rightarrow \alpha B \beta, a]$

这里: $[S \rightarrow \cdot V = E, \$]$

$\text{FIRST}(\beta a)$



$\text{FIRST}(=E\$) = \{=\}$



□LR(k)分析技术

- ❖ 规范的LR方法、向前看的LR方法
- ❖ 二义性文法的使用、错误恢复
- ❖ 分析器的生成器(Yacc)

□语法分析技术总结



□研究LALR的原因

规范LR分析表的状态数偏多

□LALR特点

- ❖ LALR和SLR的分析表有同样多的状态，比规范LR分析表要小得多
- ❖ LALR的能力介于SLR和规范LR之间
- ❖ LALR的能力在很多情况下已经够用

□LALR分析表构造方法

- ❖ 通过合并规范LR(1)项目集来得到



□ 合并识别 LR(1)文法的活前缀的DFA中的相同
核心项目集(**同心项目集**)

□ 同心的LR(1)项目集

❖ **核心：项目集中第一分量的集合**

❖ 略去搜索符后它们是相同的集合

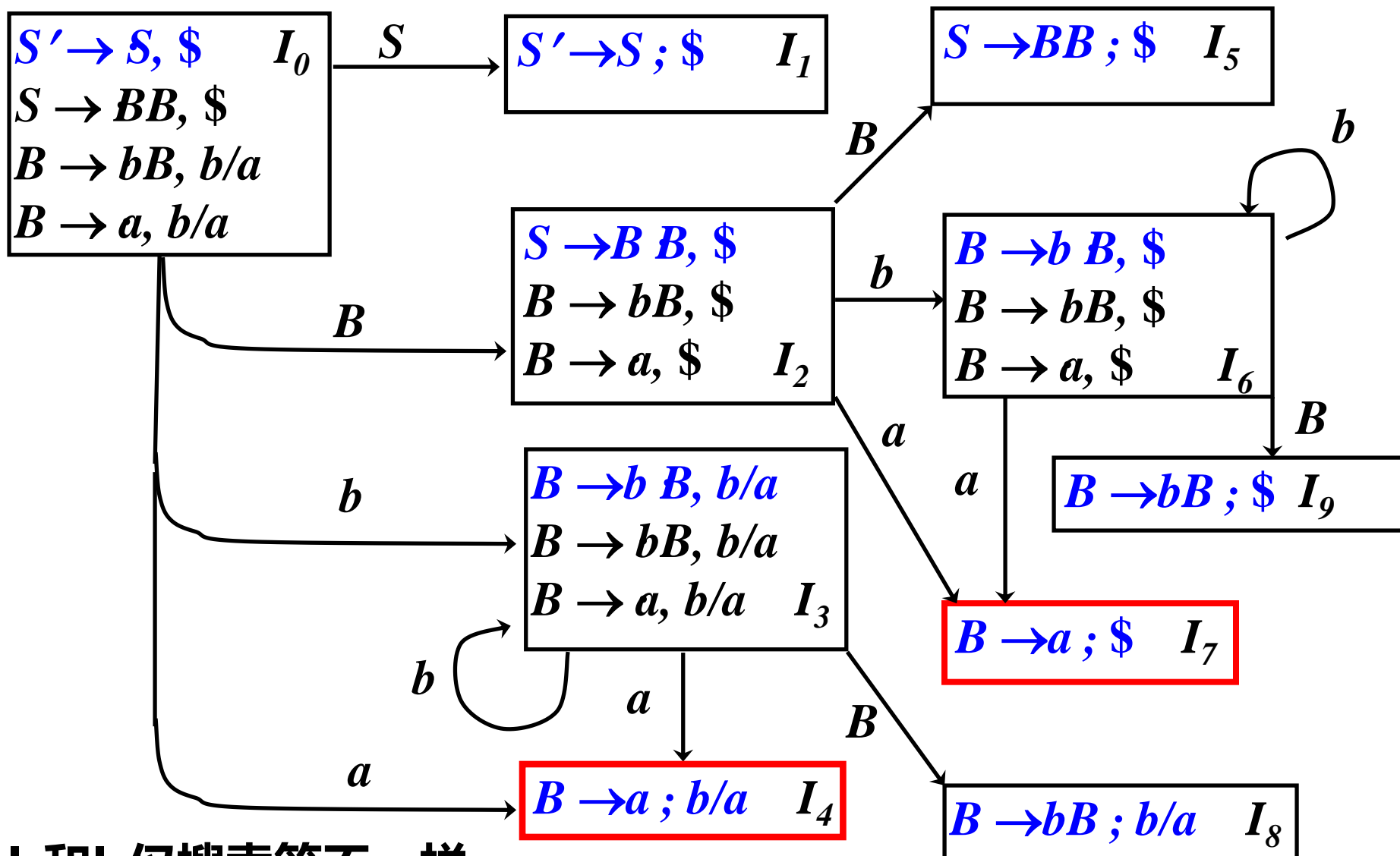
❖ 例： $[B \rightarrow bB, \$]$ 与 $[B \rightarrow bB, b/a]$

第一分量

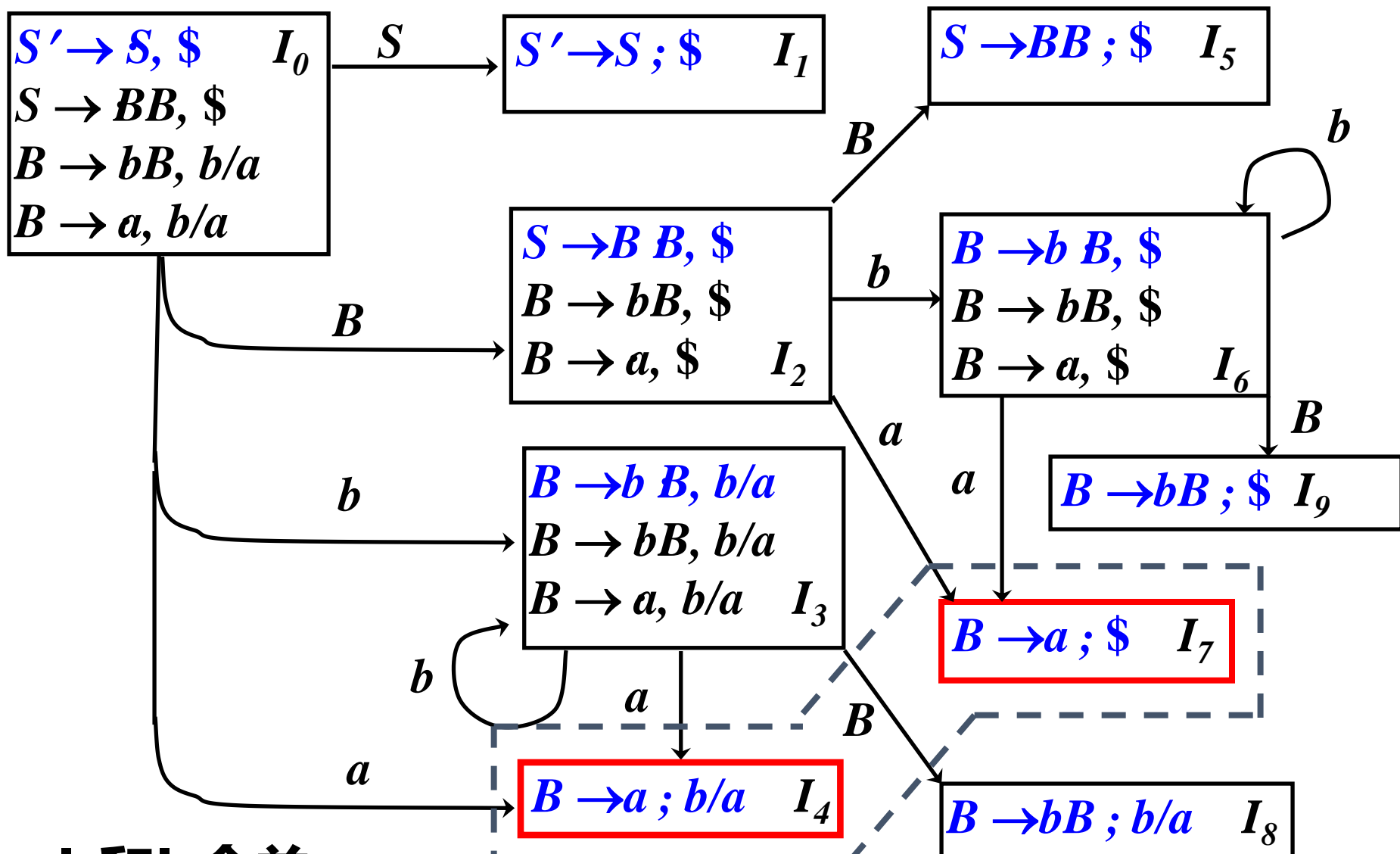
第二分量



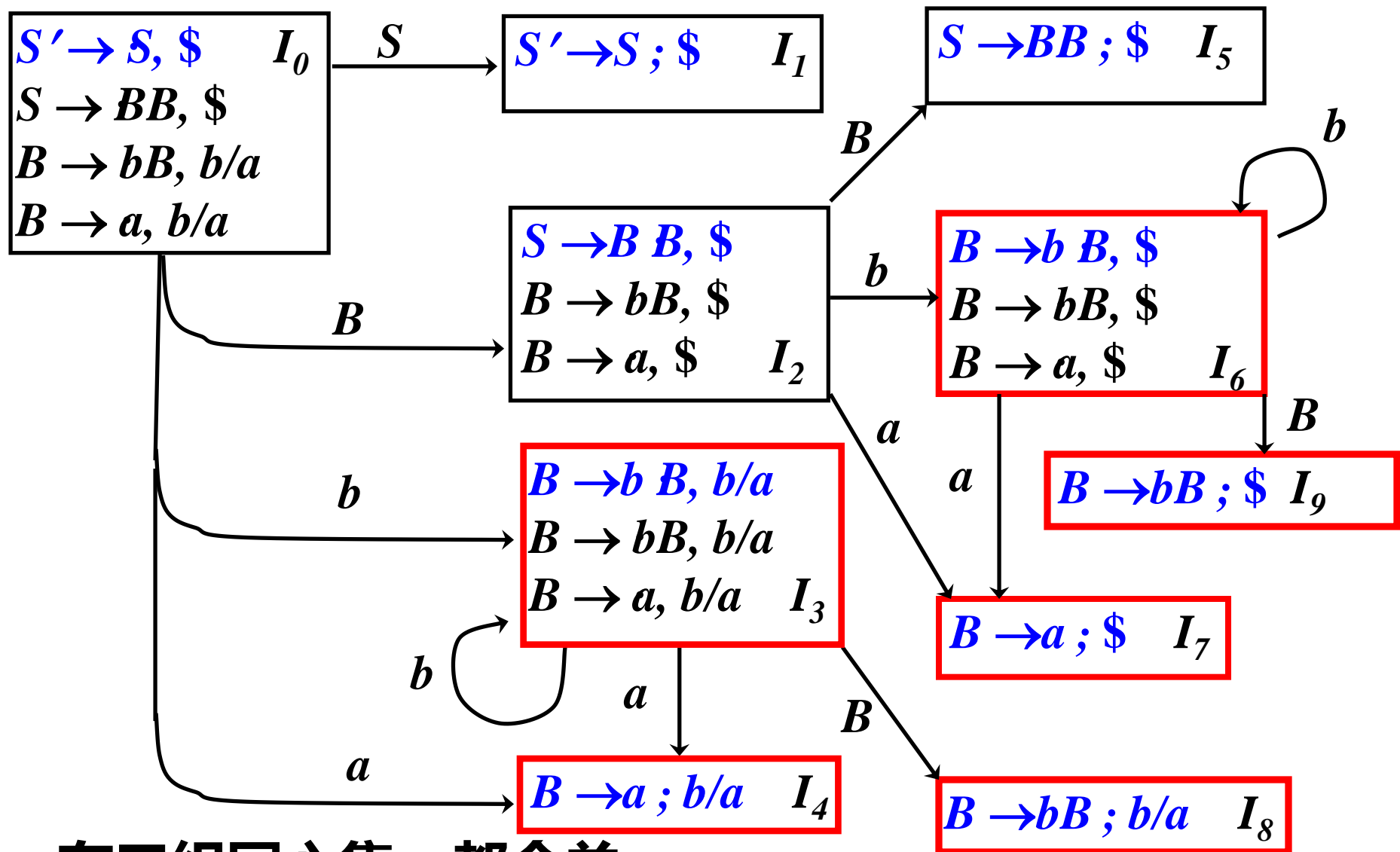
识别活前缀的DFA



I_4 和 I_7 仅搜索符不一样



I_4 和 I_7 合并



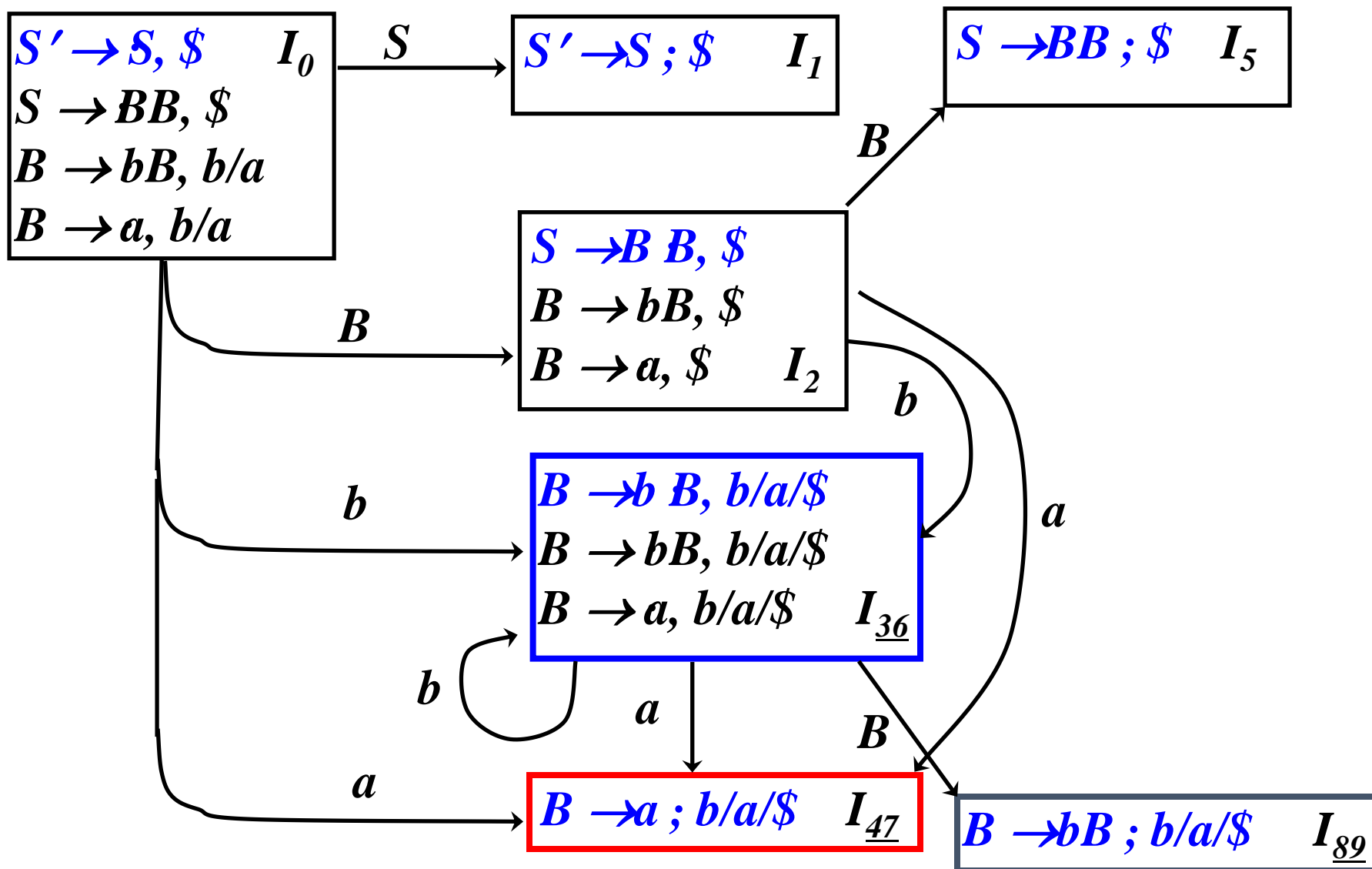
有三组同心集，都合并



合并同心项目集

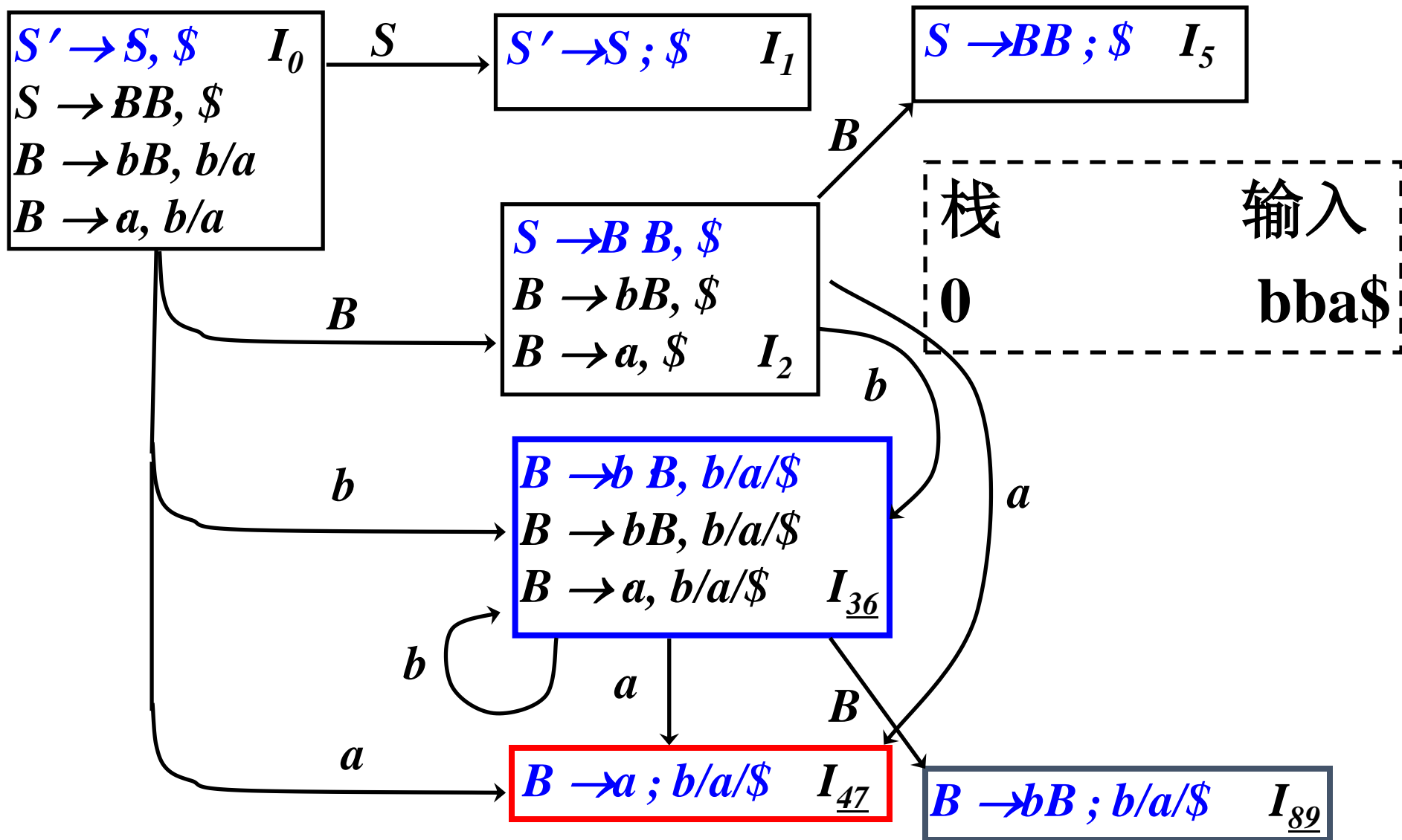


中国科学技术大学
University of Science and Technology of China



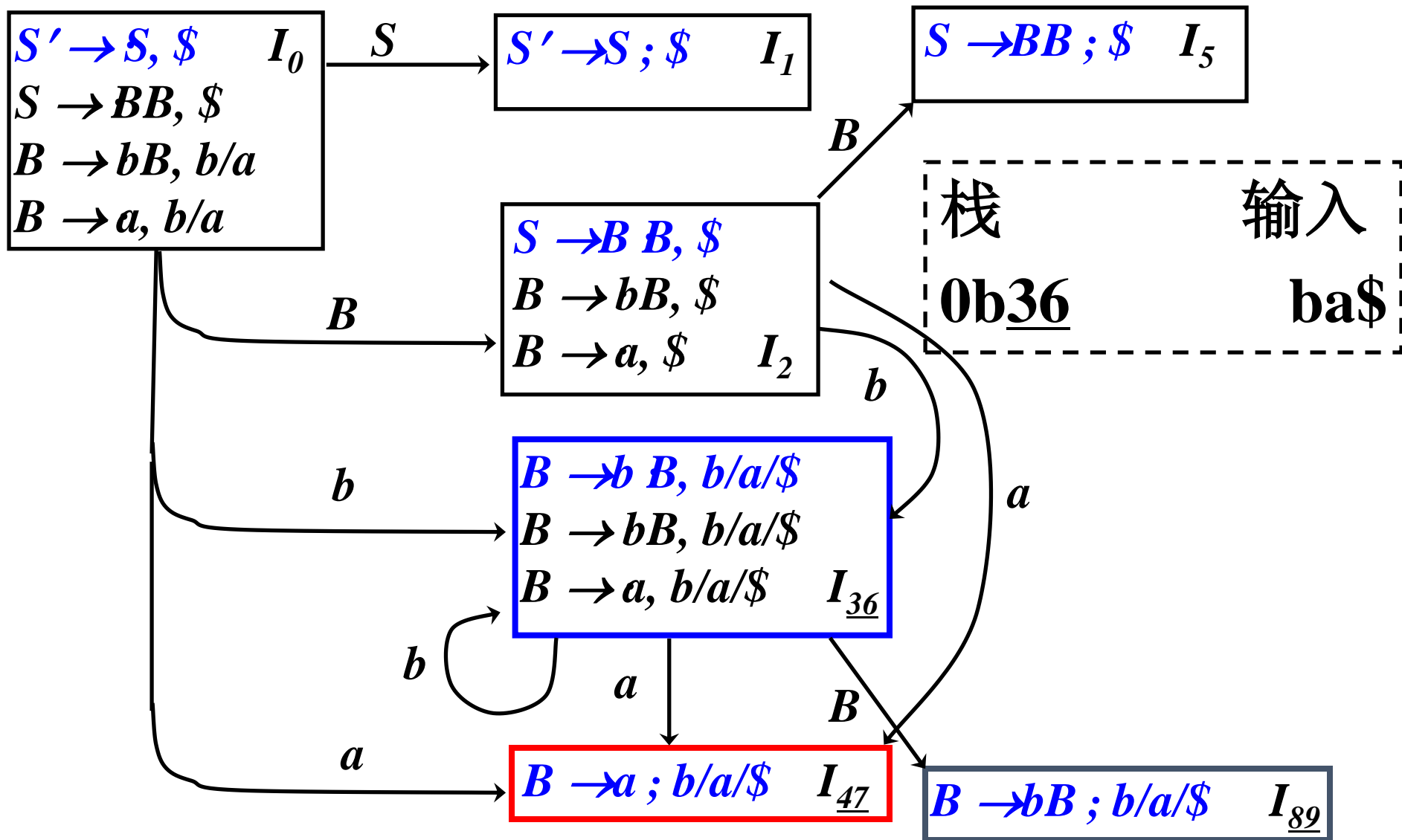


LALR分析：举例



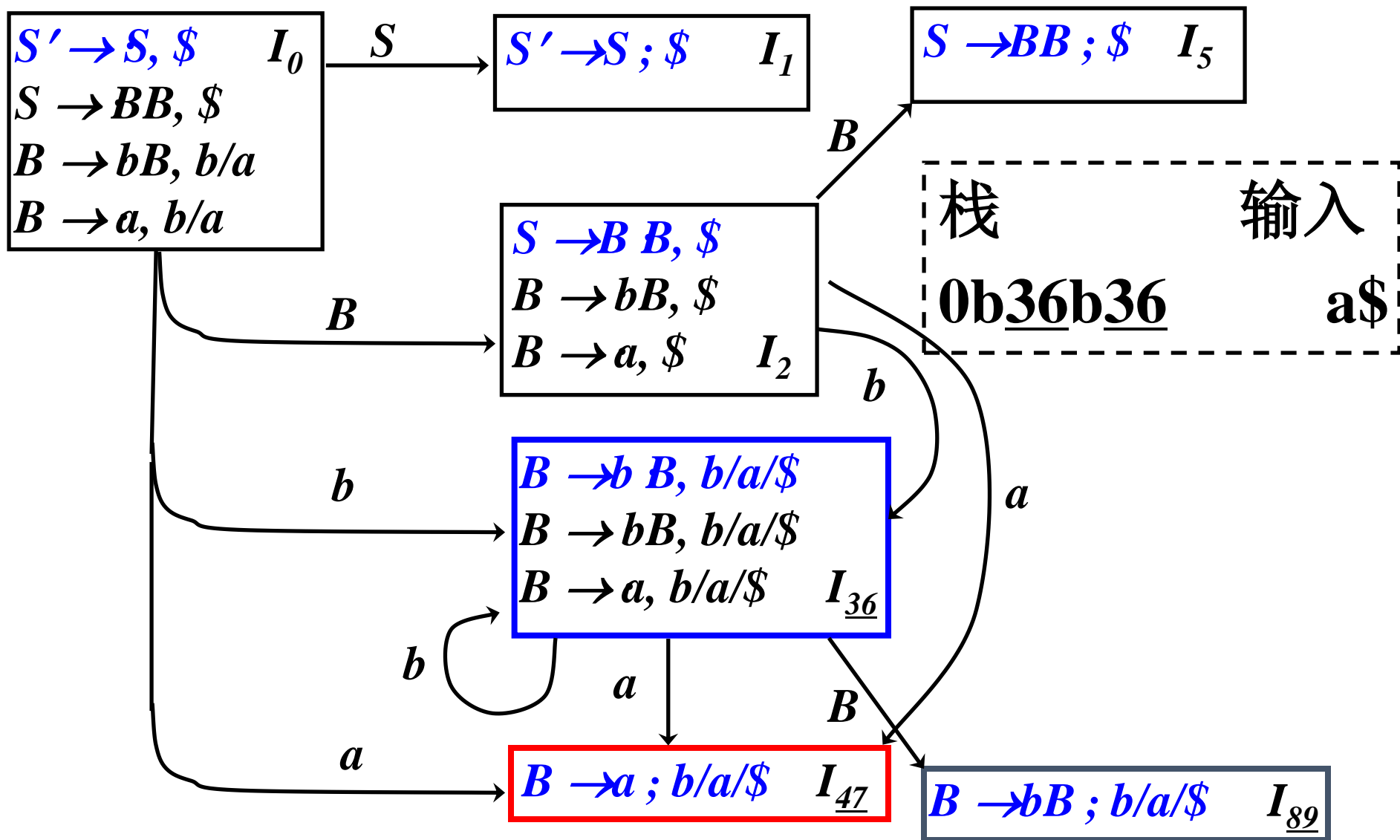


LALR分析：举例



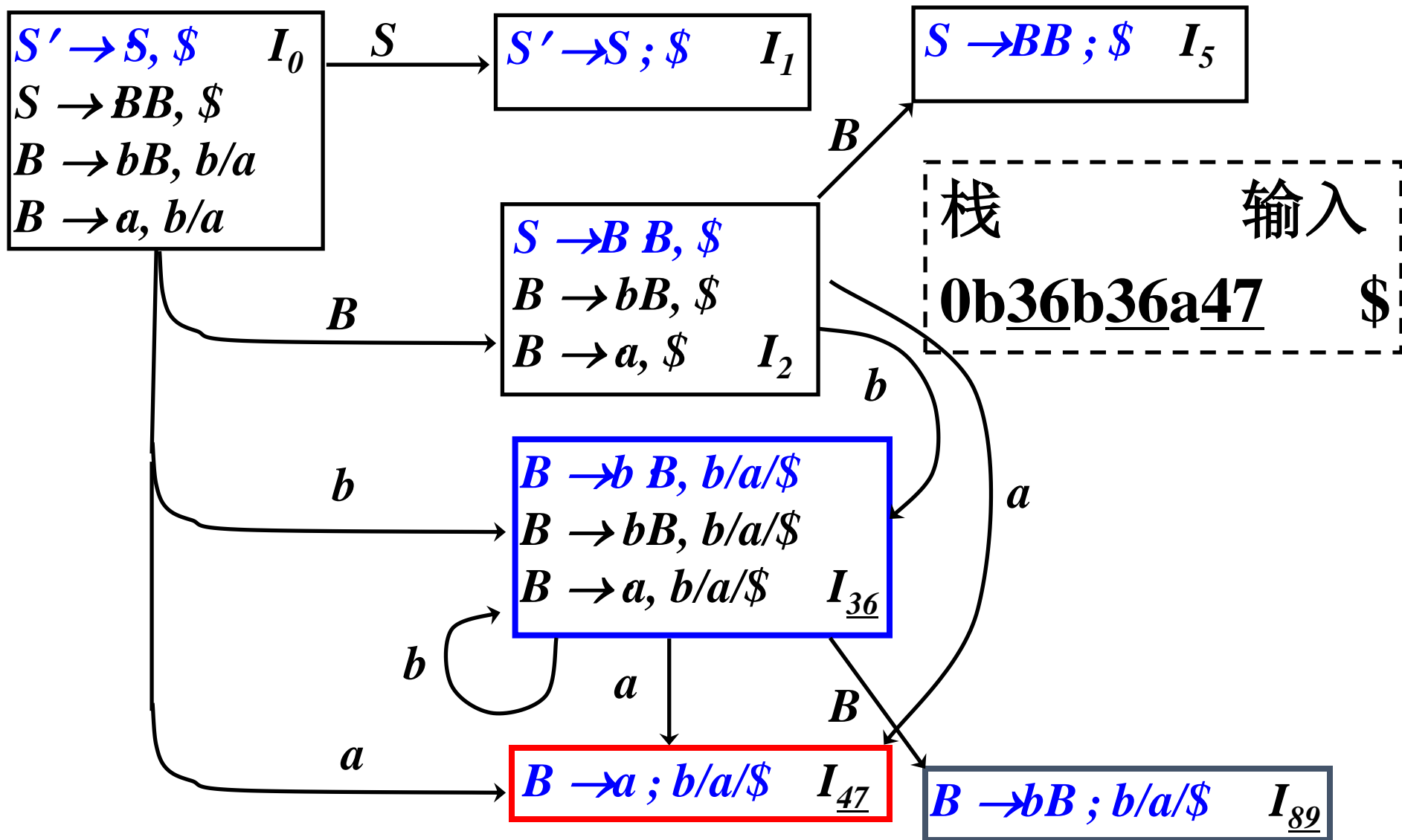


LALR分析：举例



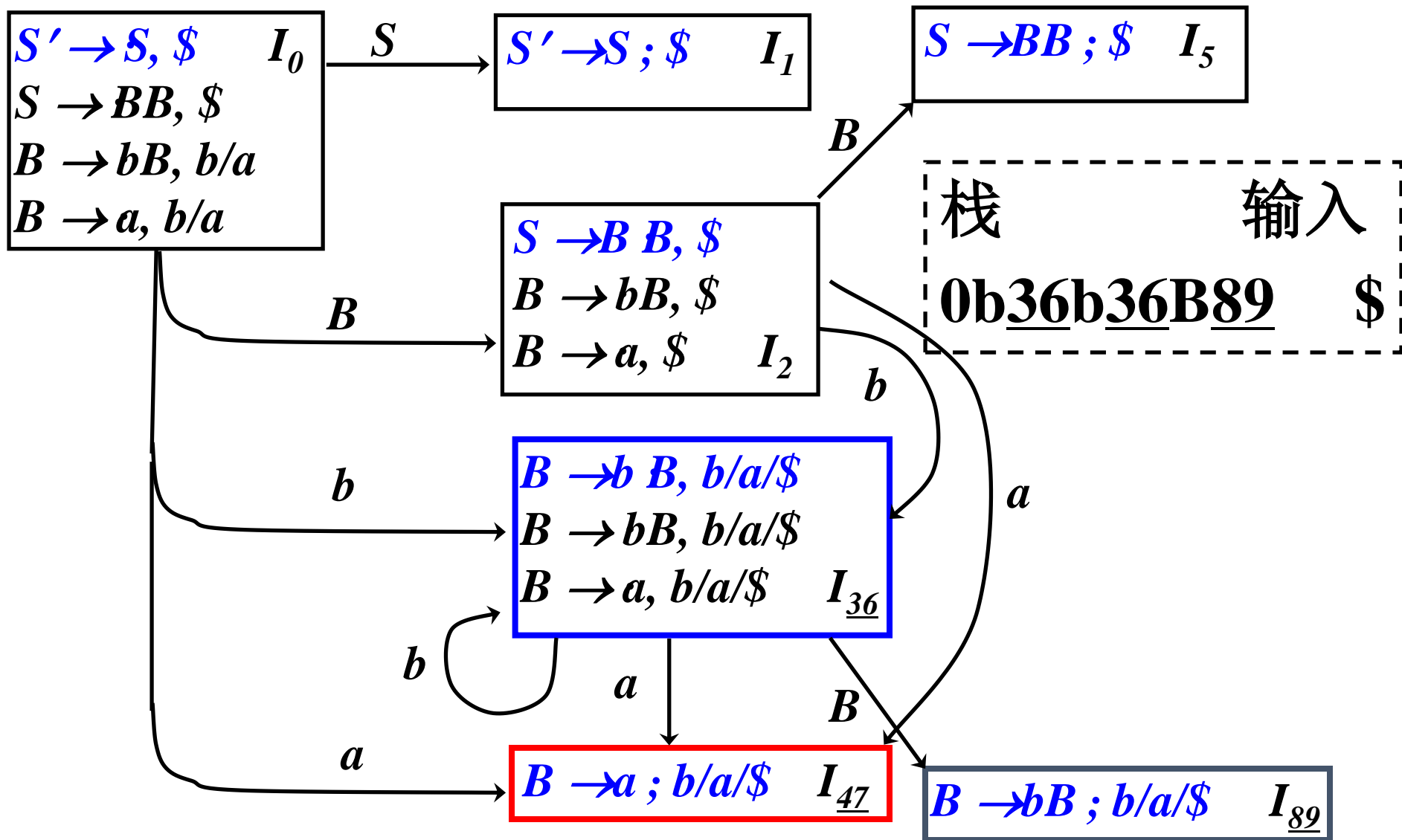


LALR分析：举例



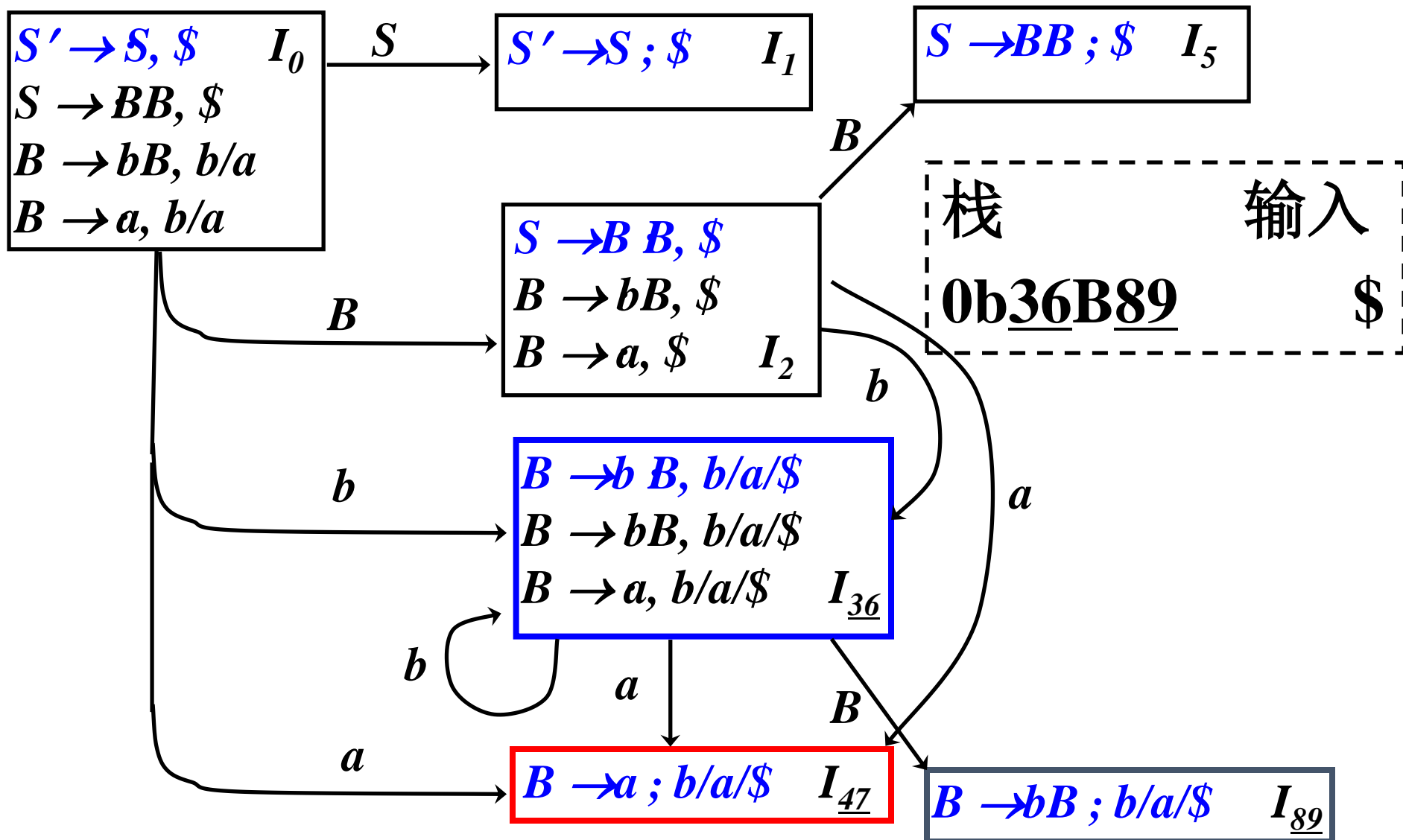


LALR分析：举例



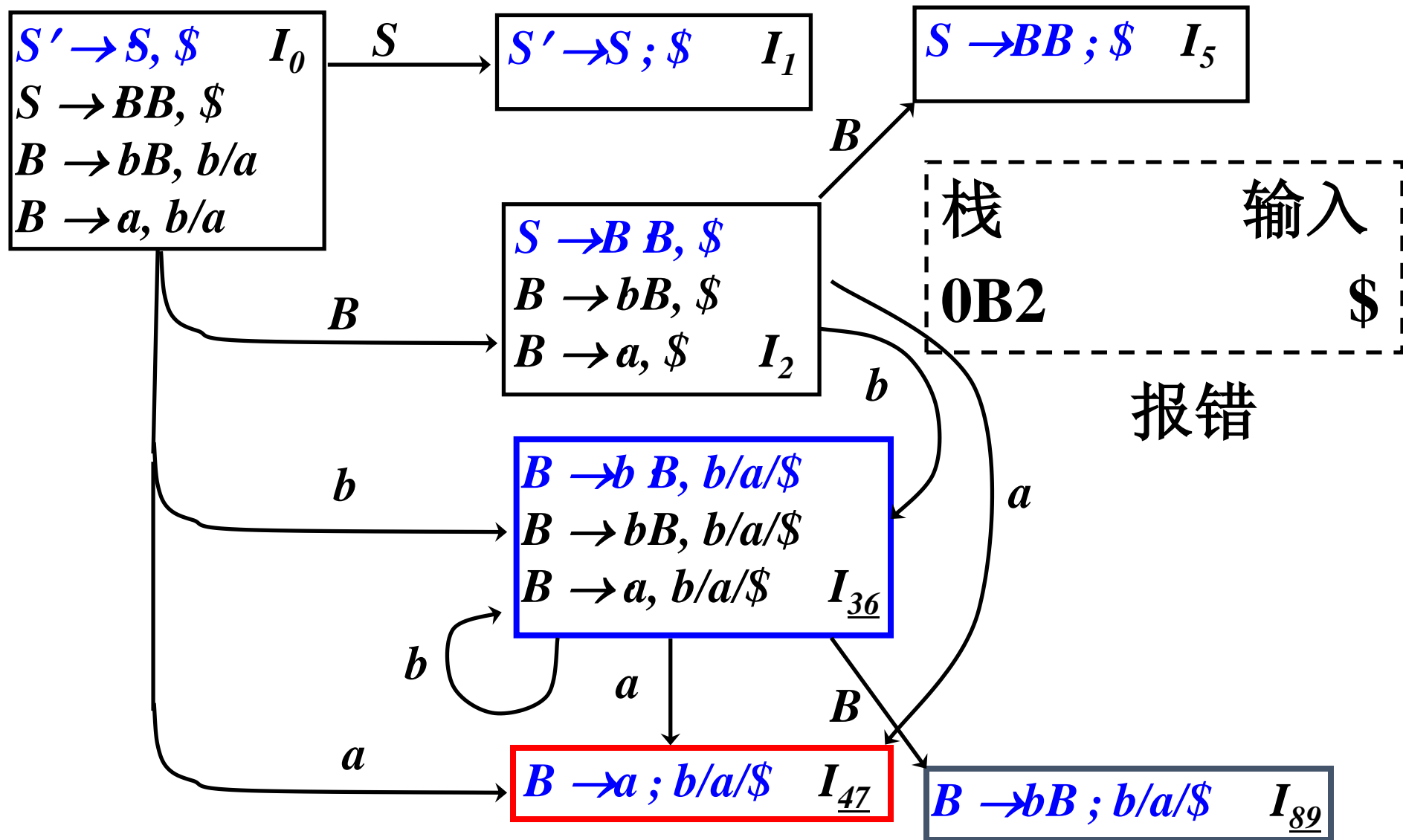


LALR分析：举例





LALR分析：举例





2、构造LALR(1)分析表

- ❖ 构造LR(1)项目集规范族 $C = \{I_0, I_1, \dots, I_n\}$
- ❖ 构造LALR(1)项目集规范族 $C' = \{J_0, J_1, \dots, J_k\}$,
其中任意项目集 $J_i = I_n \cup I_m \cup \dots \cup I_t$
 - $I_n, I_m, \dots, I_t \in C$ 且具有共同的核心
- ❖ 按构造规范LR(1)分析表的方式构造分析表

如没有语法分析动作冲突，那么给定文法就是
LALR(1)文法

□合并同心项目集可能会引起冲突

❖同心集的合并不会引起新的移进-归约冲突

项目集1

$[A \rightarrow \alpha ; a]$

$[B \rightarrow \beta a \gamma, c]$

...

项目集2

$[B \rightarrow \beta a \gamma, b]$

$[A \rightarrow \alpha ; d]$

...

则合并前就有冲突



□合并同心项目集可能会引起冲突

- ❖同心集的合并不会引起新的移进-归约冲突
- ❖同心集的**合并有可能产生**新的归约-归约冲突

$S' \rightarrow S$

$S \rightarrow aAd / bBd /$
 aBe / bAe

$A \rightarrow c$

$B \rightarrow c$

对 ac 有效的项目集

$A \rightarrow c ; d$
 $B \rightarrow c ; e$

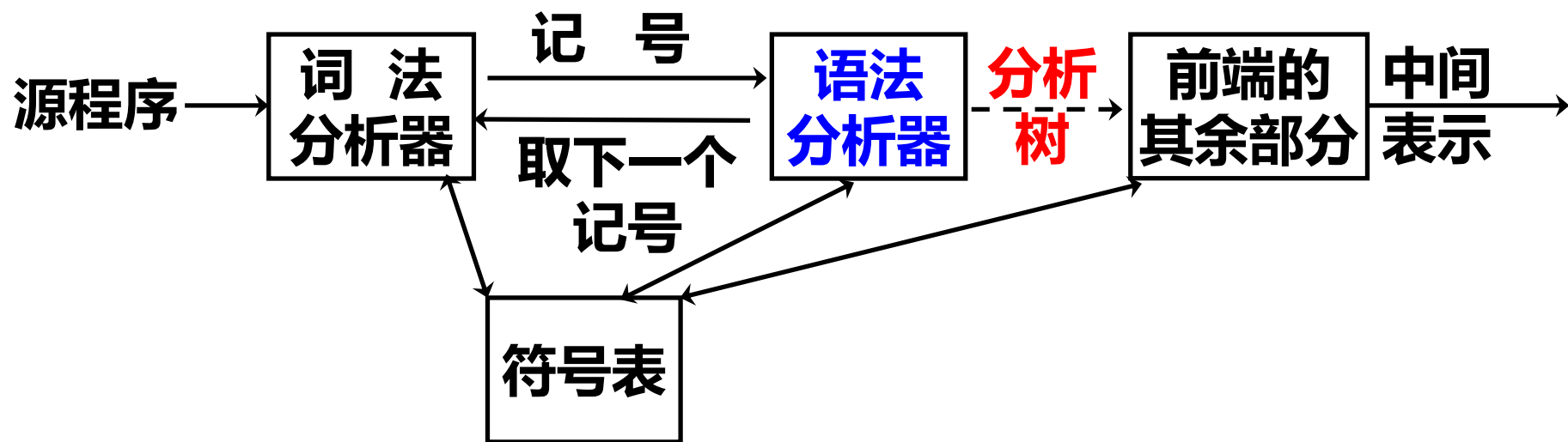
对 bc 有效的项目集

$A \rightarrow c ; e$
 $B \rightarrow c ; d$

合并同心集后

$A \rightarrow c ; d/e$
 $B \rightarrow c ; d/e$

该文法是LR(1)的
但不是LALR(1)的



□LR(k)分析技术

- ❖ 规范的LR方法、向前看的LR方法
- ❖ 二义性文法的使用、错误恢复
- ❖ 分析器的生成器(Yacc)

□语法分析技术总结



❑ 二义文法决不是LR文法

❑ 简洁、自然

二义文法: $E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid \text{id}$

非二义的文法:

$E \rightarrow E + T \mid T$

$T \rightarrow T * F \mid F$

$F \rightarrow (E) \mid \text{id}$

❑ 可以用文法以外的信息来消除二义

❑ 语法分析效率高 (基于消除二义后得到的分析表)



□使用文法以外信息来解决分析动作冲突

❖例 二义文法 $E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id$

规定：*优先级高于+，两者都是左结合



□使用文法以外信息来解决分析动作冲突

❖例 二义文法 $E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id$

规定：*优先级高于+，两者都是左结合

LR(0)项目集 I_7

$E \rightarrow E + E \cdot$

$E \rightarrow E + E$

$E \rightarrow E * E$



□使用文法以外信息来解决分析动作冲突

❖例 二义文法 $E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid \text{id}$

规定：*优先级高于+，两者都是左结合

LR(0)项目集 I_7

$E \rightarrow E + E \cdot$

$E \rightarrow E + E$ $\text{id} + \text{id}$ $+ \text{id}$

$E \rightarrow E * E$

面临+, 归约



□使用文法以外信息来解决分析动作冲突

❖例 二义文法 $E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id$

规定: $*$ 优先级高于 $+$, 两者都是左结合

LR(0)项目集 I_7

$E \rightarrow E + E \cdot$

$E \rightarrow E + E$

$id + id$

$+ id$

$E \rightarrow E * E$

$id + id$

$* id$

面临 $+$, 归约

面临 $*$, 移进



□使用文法以外信息来解决分析动作冲突

❖例 二义文法 $E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id$

规定：*优先级高于+，两者都是左结合

LR(0)项目集 I_7

$E \rightarrow E + E \cdot$

$E \rightarrow E + E$

id + id

+ id

$E \rightarrow E * E$

id + id

* id

面临+, 归约

面临*, 移进

面临) 和\$, 归约

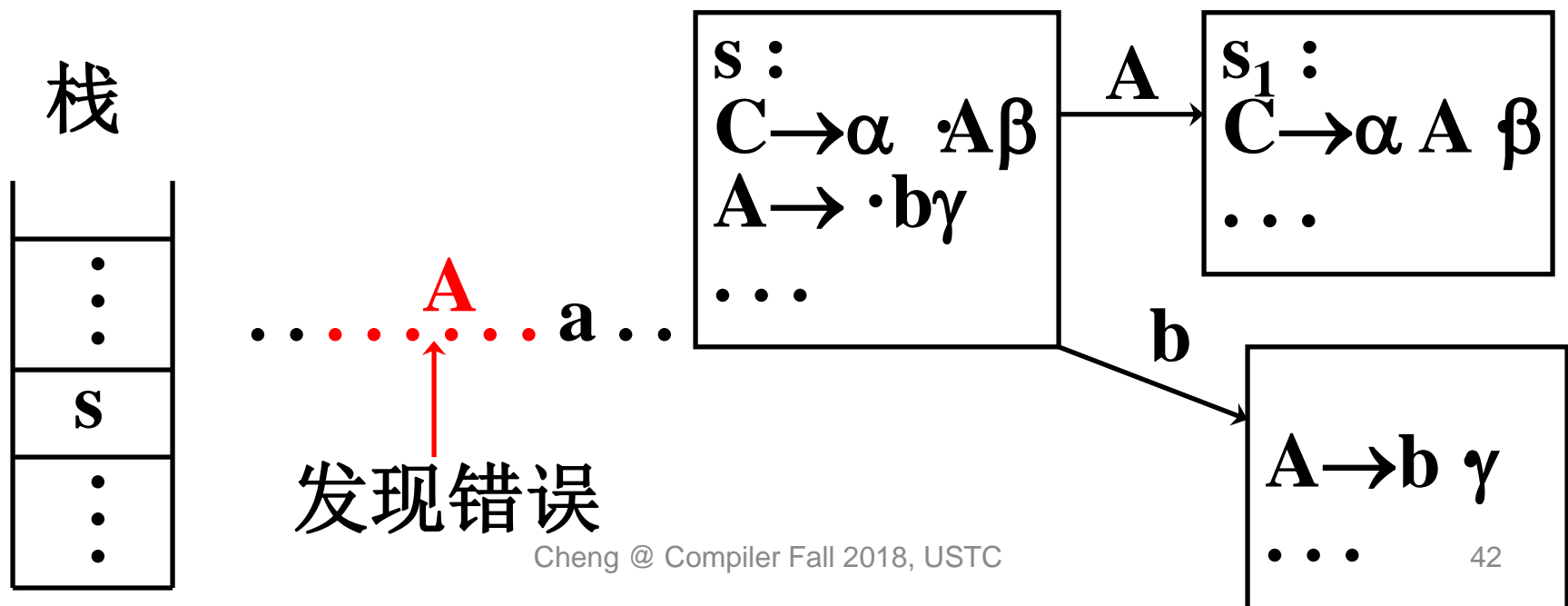


□ LR分析器在什么情况下发现错误

- ❖ 访问动作表时若遇到出错条目
- ❖ 访问转移表时它决不会遇到出错条目
- ❖ 决不会把不正确的后继移进栈
- ❖ 规范的LR分析器甚至在报告错误之前决不做任何无效归约



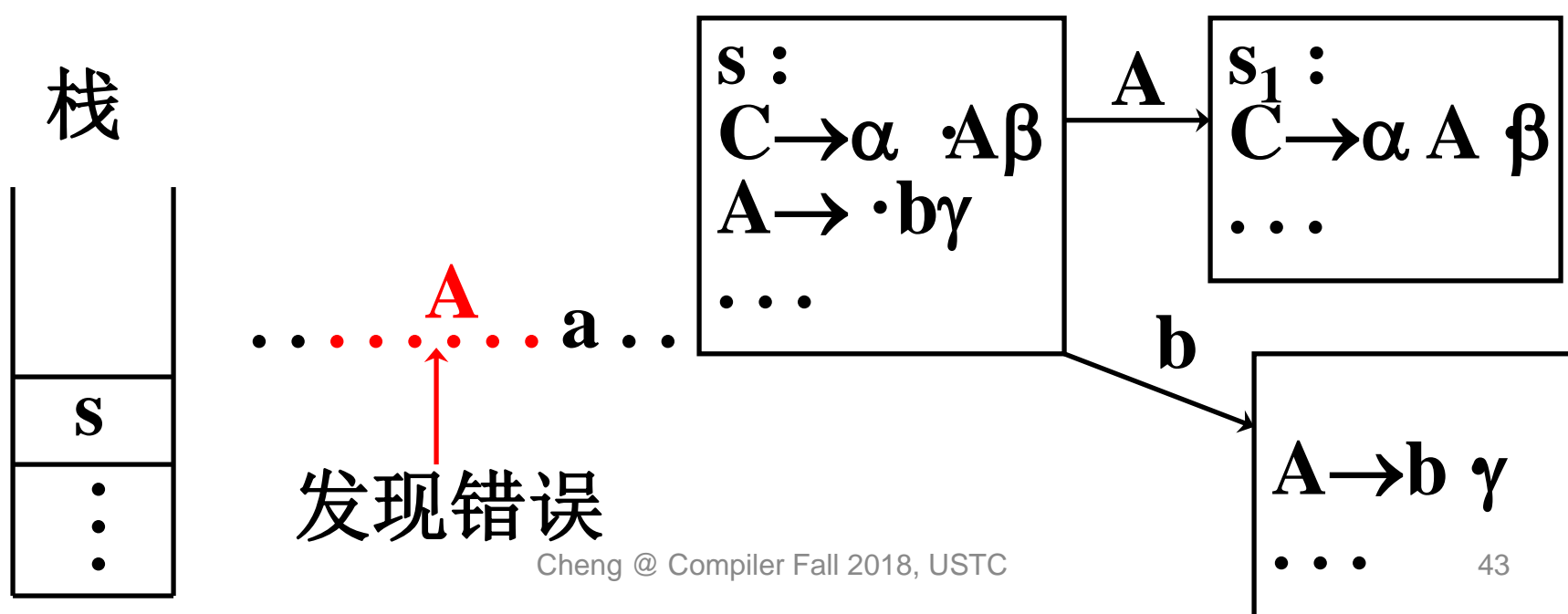
□ 紧急方式错误恢复





□ 紧急方式错误恢复

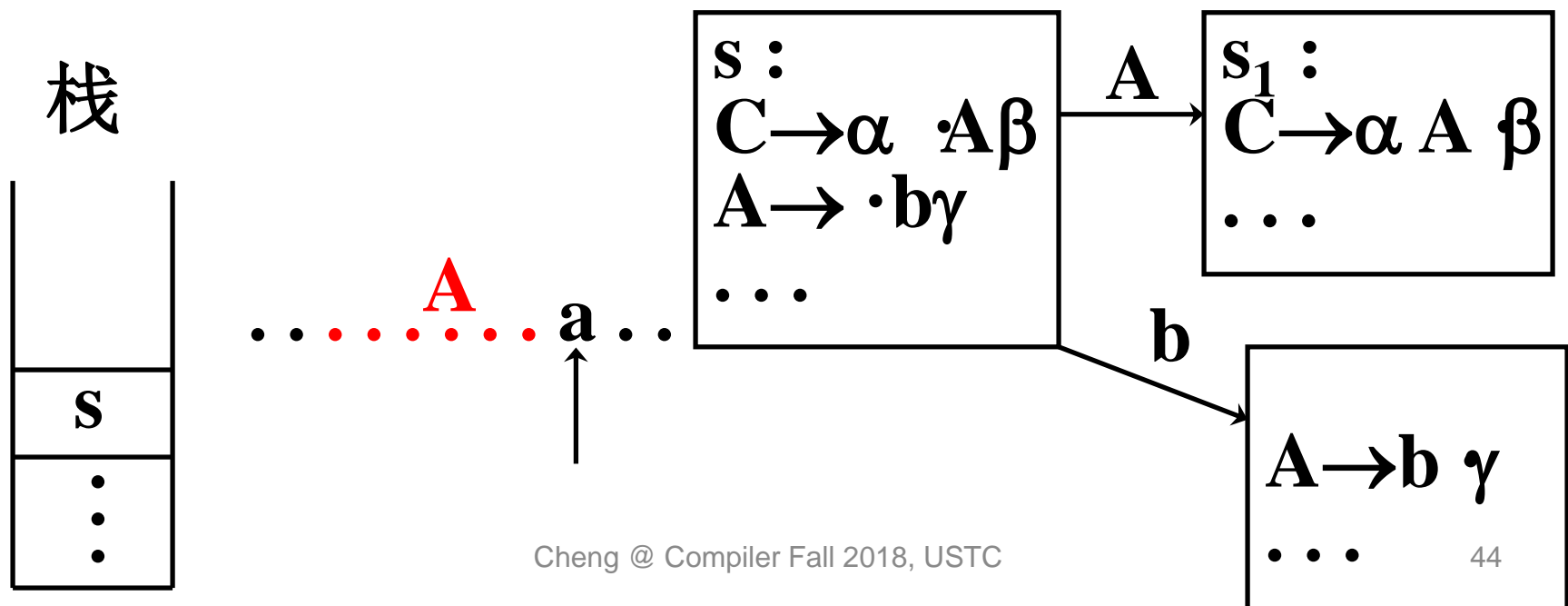
❖ 退栈，直至出现状态 s ，它有预先确定的 A 的转移





□ 紧急方式错误恢复

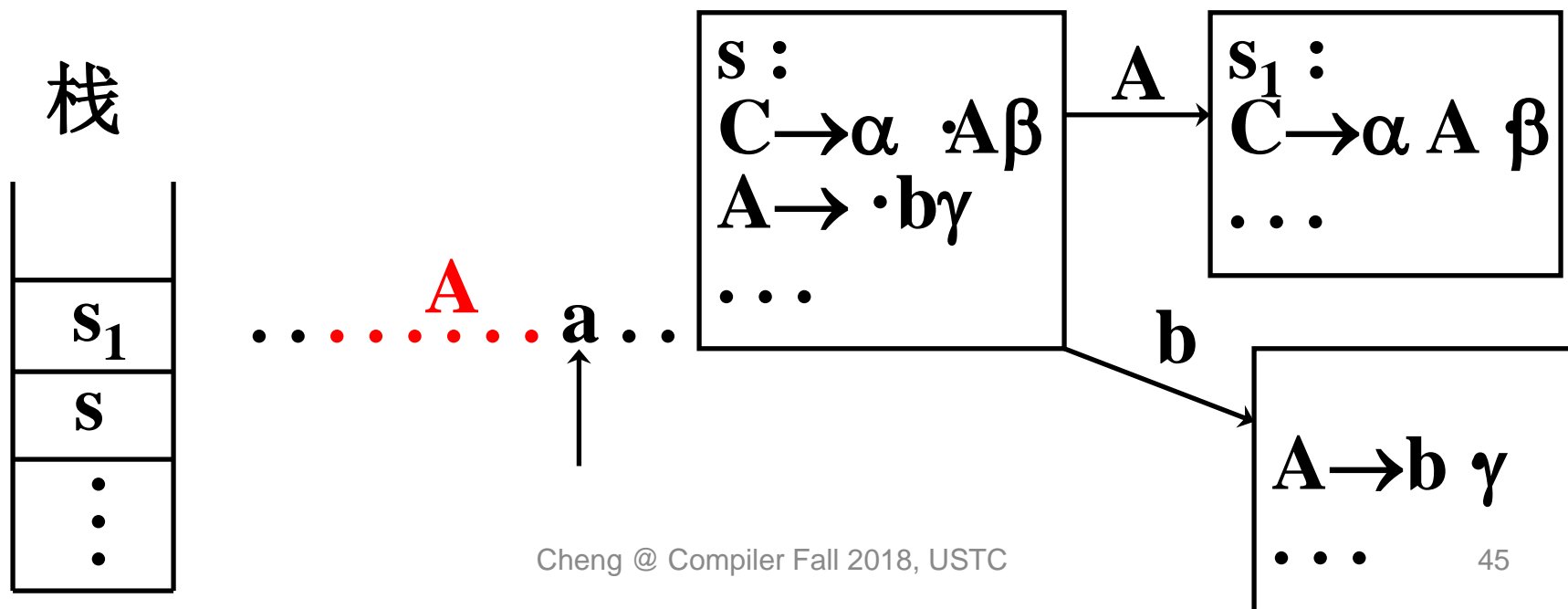
- ❖ 退栈，直至出现状态 s ，它有预先确定的 A 的转移
- ❖ 抛弃若干输入符号，直至找到 a ， a 是 A 的合法后继

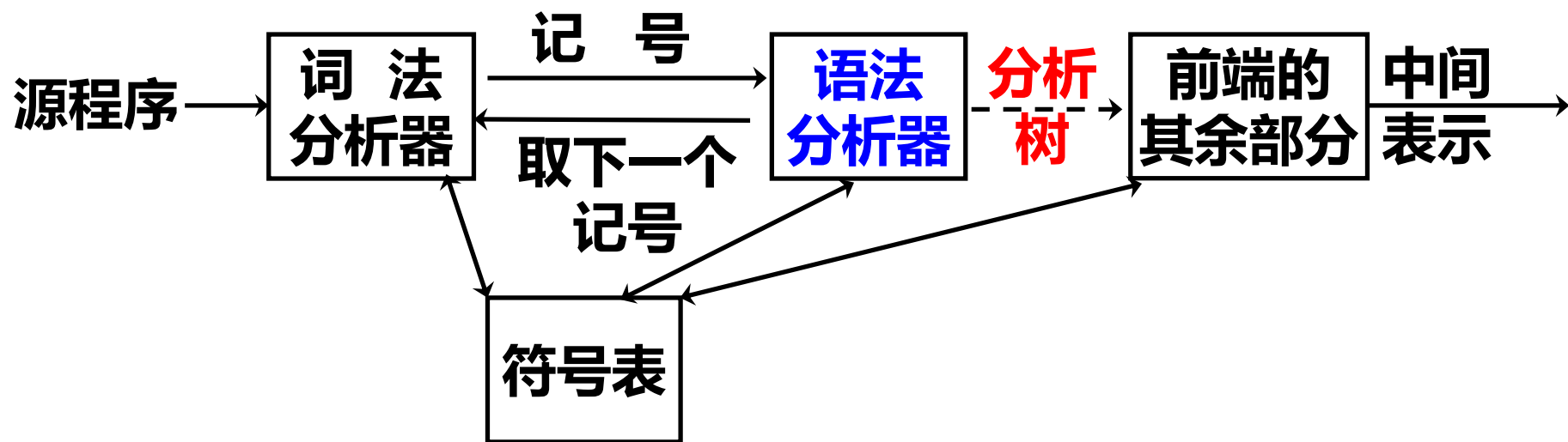




□ 紧急方式错误恢复

- ❖ 退栈，直至出现状态 s ，它有预先确定的 A 的转移
- ❖ 抛弃若干输入符号，直至找到 a ， a 是 A 的合法后继
- ❖ 再把 A 和状态 $GOTO[s, A]$ 压进栈，恢复正常分析





□LR(k)分析技术

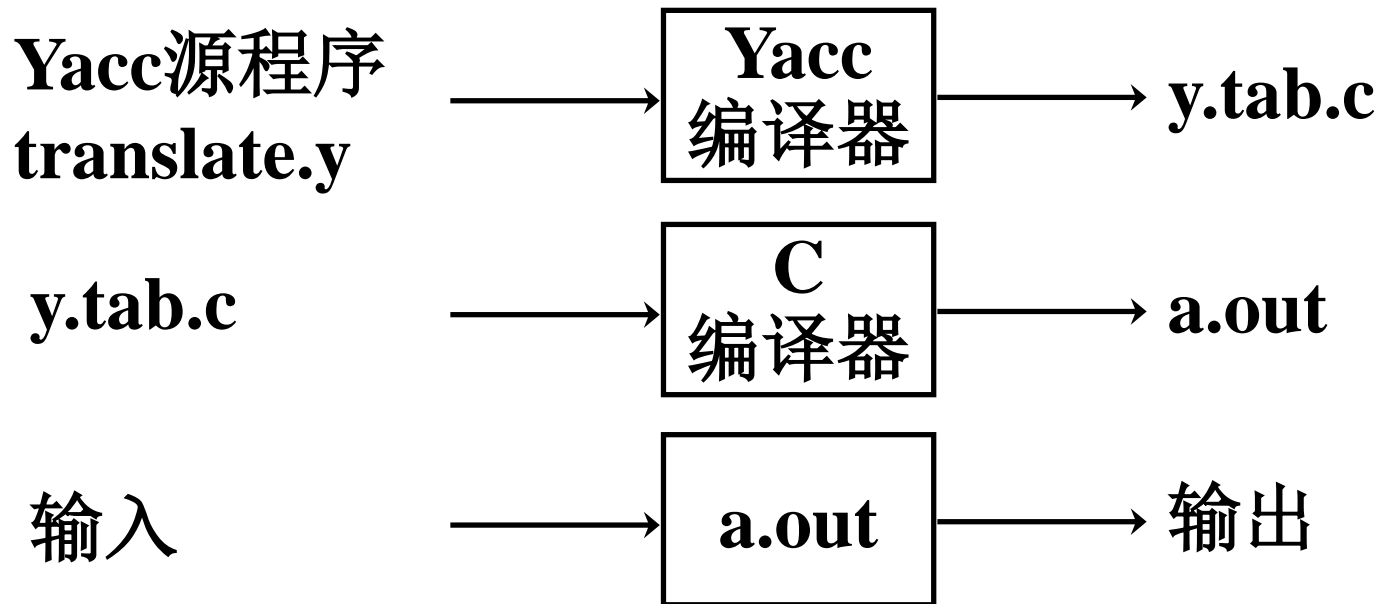
- ❖ 规范的LR方法、向前看的LR方法
- ❖ 二义性文法的使用、错误恢复
- ❖ 分析器的生成器(Yacc)

□语法分析技术总结



□ Yacc (Yet another compiler-compiler)

❖ 生成LALR语法分析器





□用Yacc处理二义文法

□例 简单计算器

- ❖ 输入一个表达式并回车，显示计算结果
- ❖ 也可以输入一个空白行



```
%{  
# include <ctype .h>  
# include <stdio.h >  
# define YYSTYPE double /*将栈定义为double类型 */  
%}
```

```
%token NUMBER  
%left '+' '-'  
%left '*' '/'  
%right UMINUS  
%%
```



```

lines      : lines expr '\n'    {printf ( "%g \n", $2 ) }
              | lines '\n'
              | /*  $\epsilon$  */
              ;

expr       : expr '+' expr      {$$ = $1 + $3; }
              | expr '-' expr     {$$ = $1 - $3; }
              | expr '*' expr     {$$ = $1 * $3; }
              | expr '/' expr     {$$ = $1 / $3; }
              | '(' expr ')'      {$$ = $2; }
              | '-' expr %prec UMINUS {$$ = -$2; }
              | NUMBER
              ;

%%

```



```
lines      : lines expr '\n'    {printf ( "%g \n", $2 ) }  
           | lines '\n'  
           | /* ε */  
           ;  
  
expr       : expr '+' expr      { $$ = $1 + $3; }  
           | expr '-' expr      { $$ = $1 - $3; }  
           | expr '*' expr      { $$ = $1 * $3; }  
           | expr '/' expr      { $$ = $1 / $3; }  
           | '(' expr ')'        { $$ = $2; }  
           | '-' expr %prec UMINUS { $$ = -$2; }  
           | NUMBER  
           ;
```

% %

-5+10看成是-(5+10), 还是(-5)+10? 取后者



```
yylex ( ) {  
    int c;  
    while ( ( c = getchar ( ) ) == ' ' );  
    if ( ( c == '.' ) || (isdigit (c) ) ) {  
        ungetc (c, stdin);  
        scanf ( "%lf", &yylval);  
        return NUMBER;  
    }  
    return c;  
}
```

**为了C编译器能准确报告yylex函数中错误的位置，
需要在生成的程序y.tab.c中使用编译命令#line**



□ Yacc的错误恢复

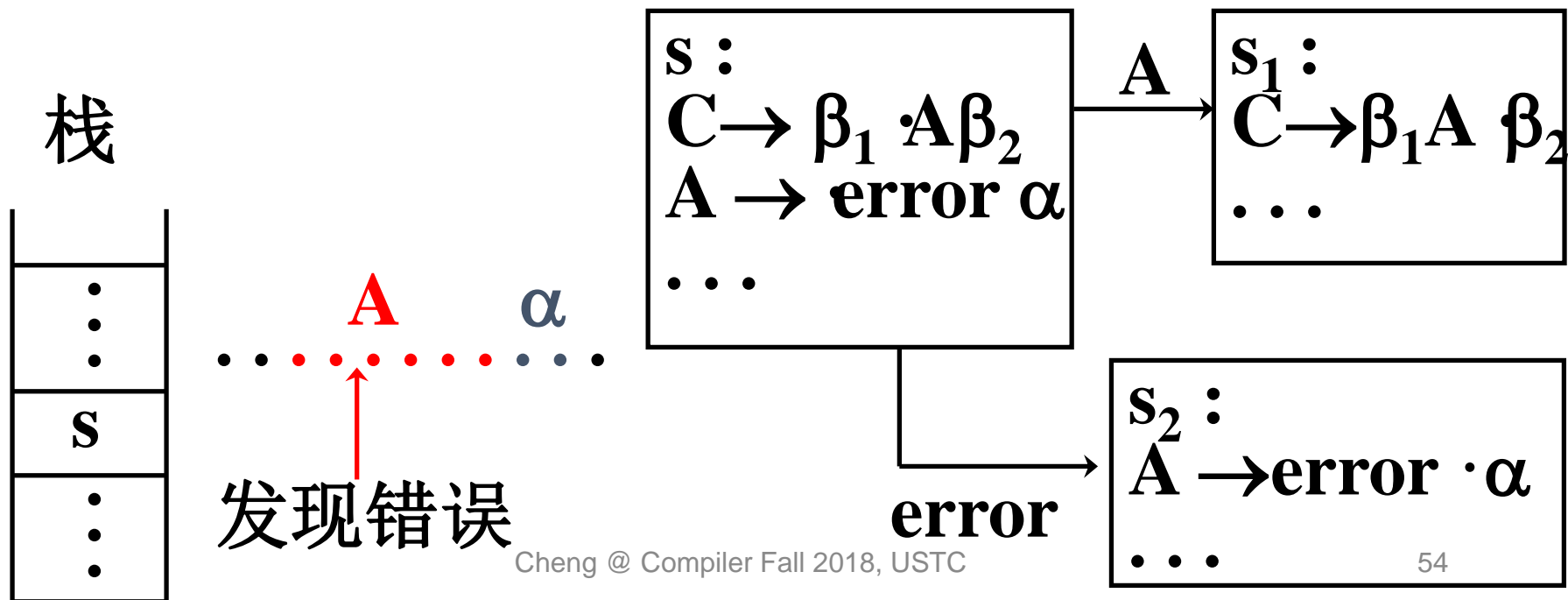
□ 编译器设计者的工作

- ❖ 决定哪些“主要的”非终结符将有错误恢复与它们相关联
- ❖ 为各主要非终结符 A 加入形式为 $A \rightarrow \text{error } \alpha$ 的错误产生式，其中 α 是文法符号串
- ❖ 为这样的产生式配上语义动作

□ Yacc把错误产生式当作普通产生式处理



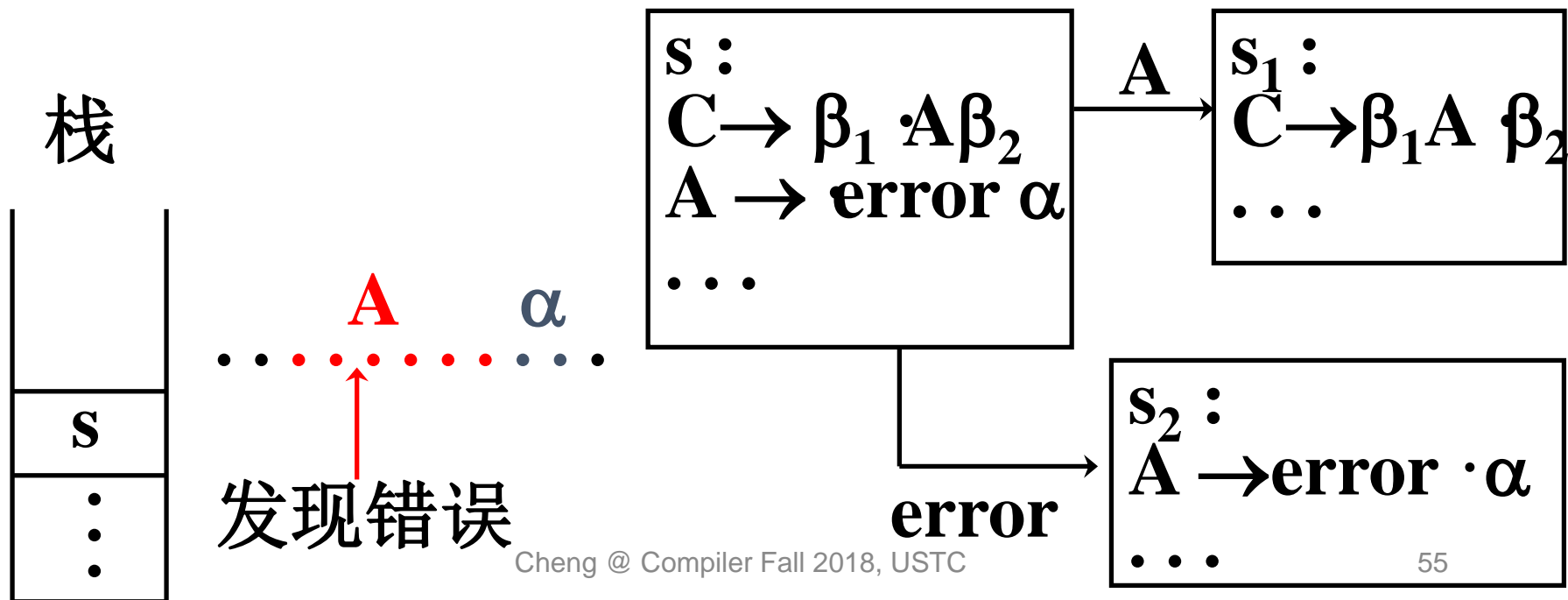
□遇到语法错误时





□遇到语法错误时

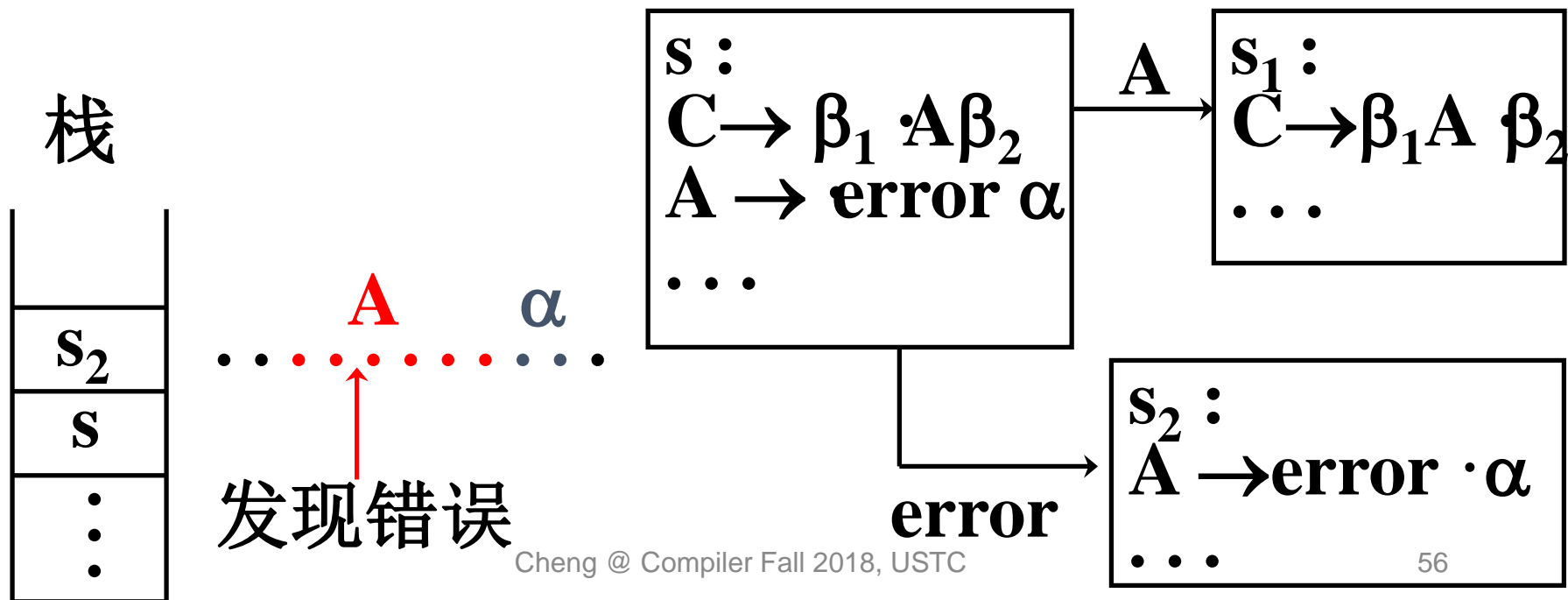
❖从栈中弹出状态，直到发现栈顶状态的项目集包含形为 $A \rightarrow \text{error } \alpha$ 的项目为止





□遇到语法错误时

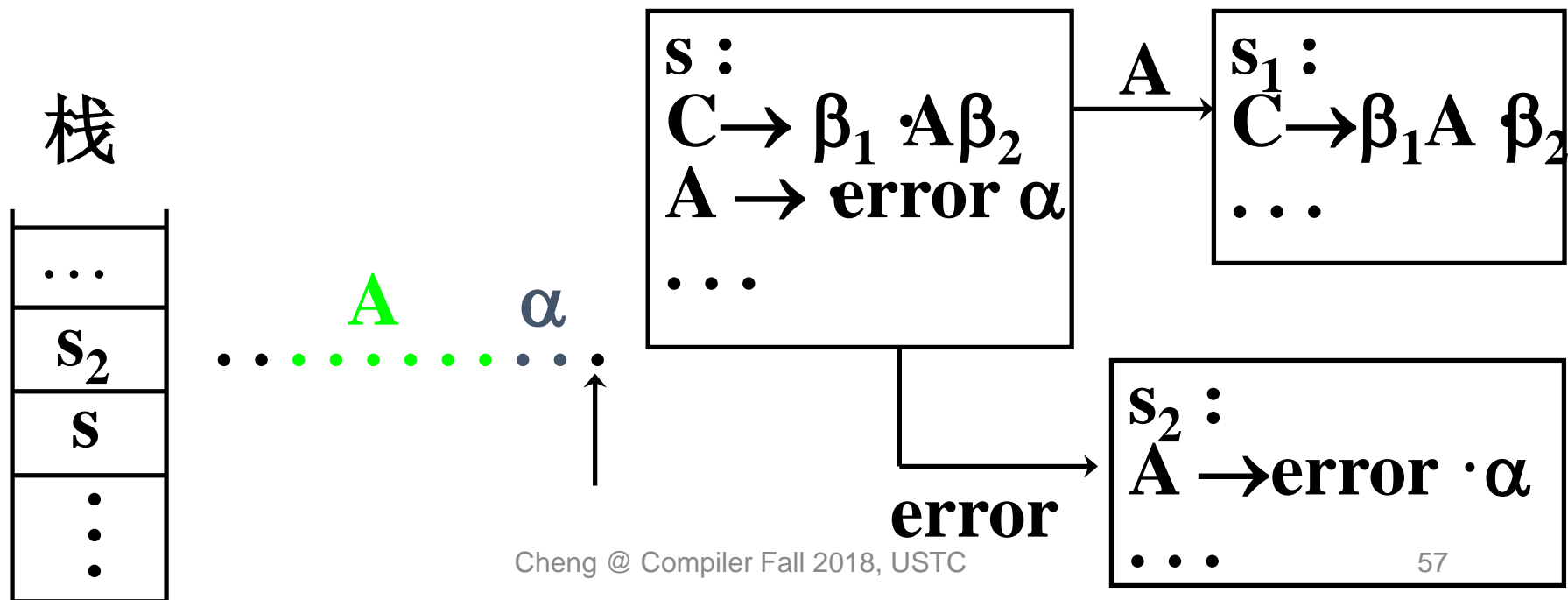
- ❖从栈中弹出状态，直到发现栈顶状态的项目集包含形为 $A \rightarrow \text{error } \alpha$ 的项目为止
- ❖把虚构的终结符 error “移进”栈





□遇到语法错误时

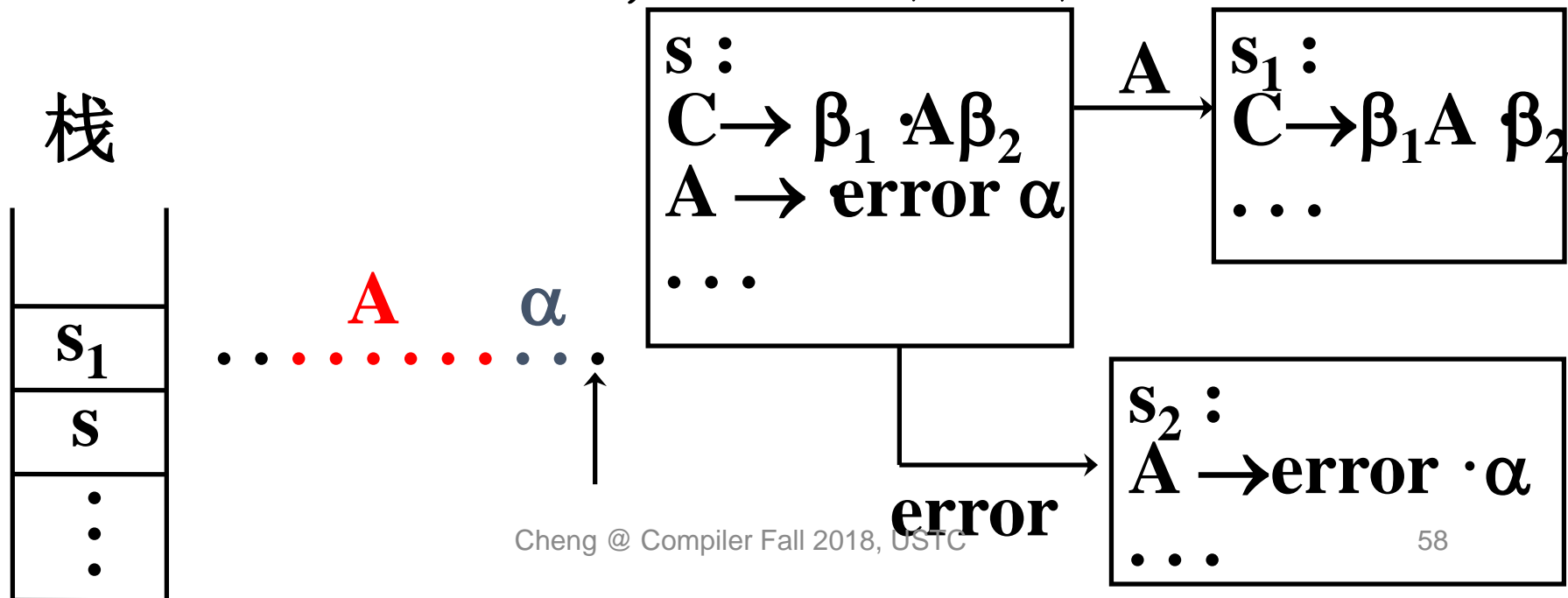
- ❖从栈中弹出状态，直到发现栈顶状态的项目集包含形为 $A \rightarrow \text{error } \alpha$ 的项目为止
- ❖把虚构的终结符 error “移进”栈
- ❖忽略若干输入符号，直至找到 α ，把 α 移进栈





□遇到语法错误时

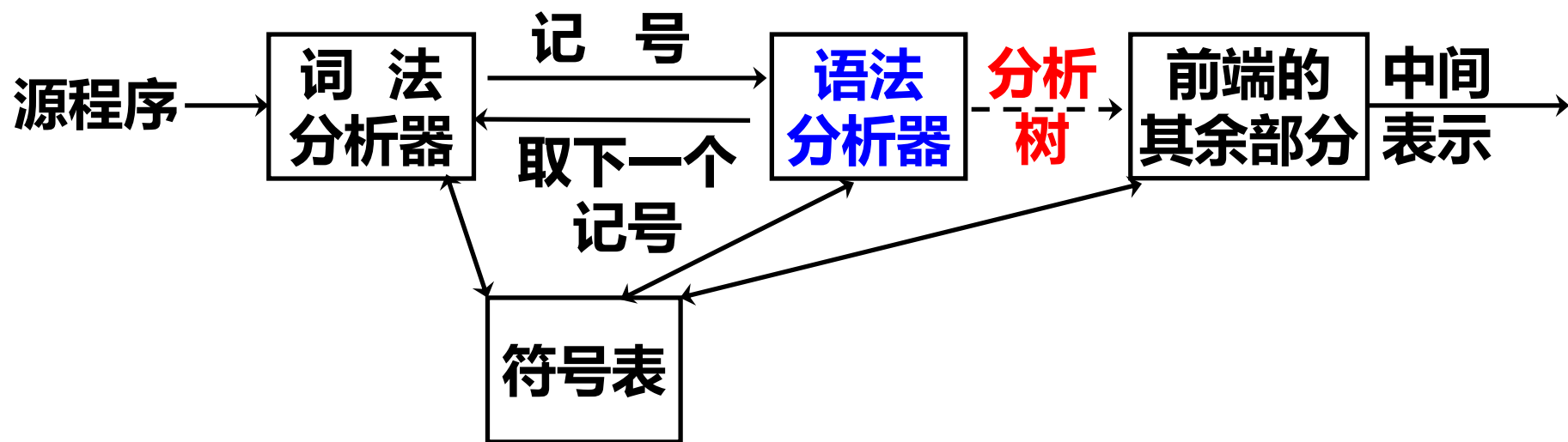
- ❖ 从栈中弹出状态，直到发现栈顶状态的项目集包含形为 $A \rightarrow \text{error } \alpha$ 的项目为止
- ❖ 把虚构的终结符 error “移进” 栈
- ❖ 忽略若干输入符号，直至找到 α ，把 α 移进栈
- ❖ 把 $\text{error } \alpha$ 归约为 A ，恢复正常分析





□增加错误恢复的简单计算器

```
lines : lines expr '\n'    {printf ( “%g \n”, $2 ) }  
      | lines '\n'  
      | /*  $\epsilon$  */  
      | error '\n' {yyerror ( “重新输入上一行” );  
                    yyerrok;}  
      ;
```



□LR(k)分析技术

- ❖ 规范的LR方法、向前看的LR方法
- ❖ 二义性文法的使用、错误恢复
- ❖ 分析器的生成器(Yacc)

□语法分析技术总结



LR分析法总结



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

		SLR	LALR	LR(1)
初始状态		$[S' \rightarrow S]$	$[S' \rightarrow S, \$]$	$[S' \rightarrow S, \$]$
项目集		LR(0) CLOSURE(I)	合并LR(1)项目集 族的同心项目集	LR(1), CLOSURE(I) 搜索符考虑 FISRT (βa)
动作	移进	$[A \rightarrow \alpha a \beta] \in I_i$ $GOTO(I_i, a) = I_j$ ACTION $[i, a] = sj$	与LR(1)一致	$[A \rightarrow \alpha a \beta, b] \in I_i$ $GOTO(I_i, a) = I_j$ ACTION $[i, a] = sj$
	归约	$[A \rightarrow \alpha] \in I_i, A \neq S'$ $A \in FOLLOW(A)$ ACTION $[i, a] = rj$	与LR(1)一致	$[A \rightarrow \alpha; a] \in I_i$ $A \neq S'$ ACTION $[i, a] = rj$
	接受	$[S' \rightarrow S \cdot] \in I_i$ ACTION $[i, \$] = acc$	与LR(1)一致	$[S' \rightarrow S; \$] \in I_i$ ACTION $[i, \$] = acc$
	出错	空白条目	与LR(1)一致	空白条目
GOTO		$GOTO(I_i, A) = I_j$ GOTO $[i, A] = j$	与LR(1)一致	$GOTO(I_i, A) = I_j$ GOTO $[i, A] = j$
状态量		少(几百)	与SLR一样	多(几千)



上下文无关文法

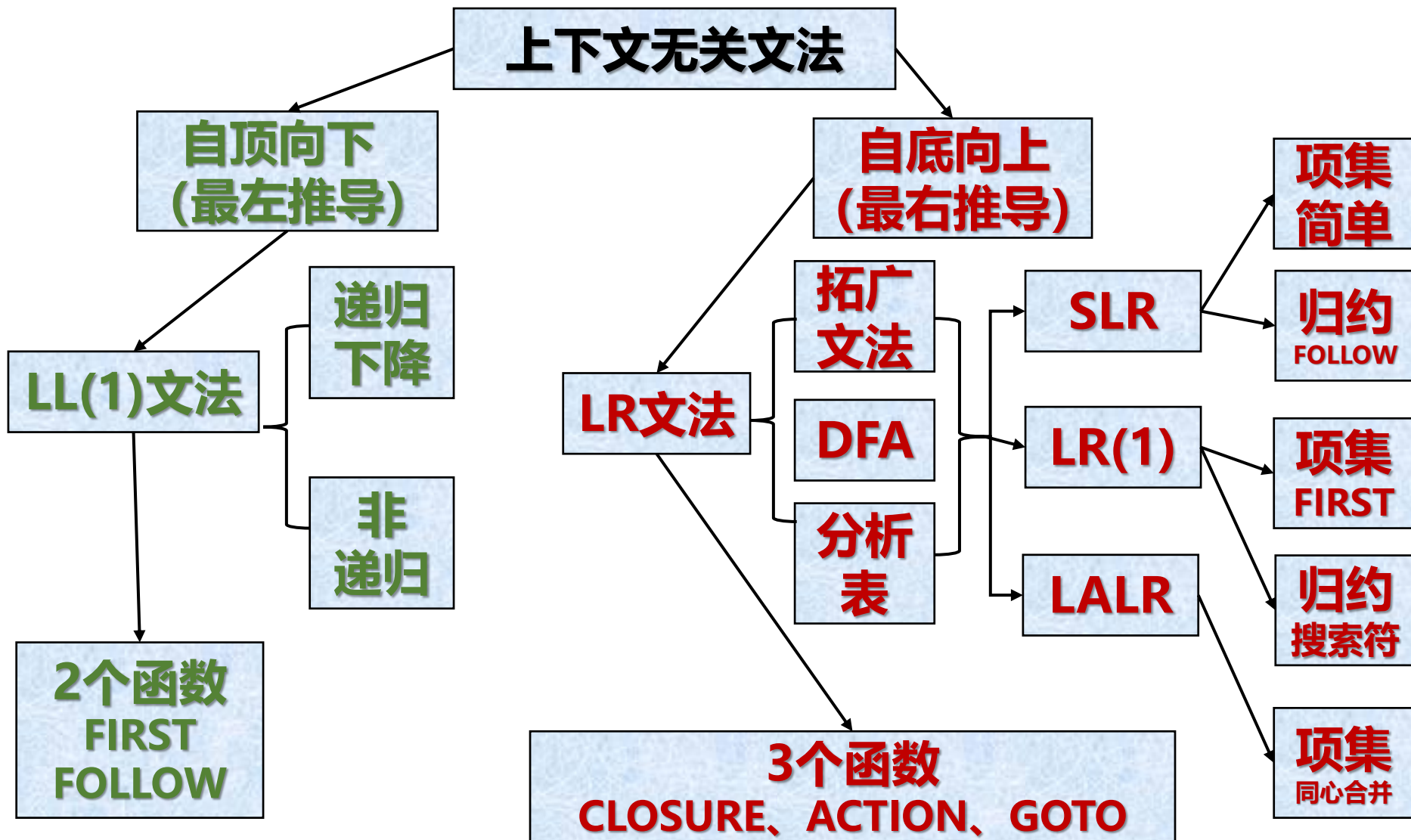
自顶向下 (最左推导)

LL(1)文法

递归
下降

非
递归

2个函数
FIRST
FOLLOW





LR和LL分析方法的比较



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

	LR(1)方 法	LL(1)方 法
建立分析树	自下而上	自上而下
归约or推导	规范归约	最左推导
决定使用产生式的时机	看见产生式整个右部推出的串后	看见产生式推出的第一个终结符后
对文法的限制	无	无左递归、无公共左因子
分析表	状态 \times 文法符号，大	非终结符 \times 终结符，小
分析栈	状态栈，信息更多	文法符号栈
确定句柄	根据栈顶状态和下一个符号便可以确定句柄和归约所用产生式	无句柄概念
语法错误	决不会将出错点后的符号移入分析栈	和LR一样，决不会读过出错点而不报错



《编译原理与技术》

语法分析 V

At least for the people who send me mail about a new language that they're designing, the general advice is: do it to learn about how to write a compiler.

—— *Dennis Ritchie*