

计算机组成原理

第四章 存储器

Ilxx@ustc.edu.cn wjluo@ustc.edu.cn

内容



1. 主存储器的基本组成和技术指标

主存储器
 半导体存储器)

随机存储器(RAM) 动态RAM

只读存储器(ROM)

掩模式ROM 可编程式PROM 可擦写式EPROM 电擦写式EEPROM

- 3. 存储器与CPU的连接
- 4. 存储器的校验—海明码
- 5. 提高访存速度的措施

Google2009:数据存储设备可靠性

• DRAM错误率超出人们预想



- 一"可能成为系统岩机和服务中断的罪魁祸首"
 - DIMM中有约8.2%受到了可修正错误的影响
 - 平均一个DIMM每年发生3700次可修正错误
- 错误类型:软错误、硬错误
 - 由电磁干扰或者硬件故障所导致
 - 软错误: 很少损坏字位, 是可修正的;
 - 硬错误:会损坏字位而成为物理缺陷,从而造成数据错误的反复发生。
- 硬盘:数据失效率高达6%(厂商:2%)
 - 错误类型:位跳变(可由ECC纠错),物理损坏

FAULT-TOLERANT COMPUTING



- Failure(失效/故障): When a component is not living up to its specifications, a failure occurs
- Error(错误): The part of a component's state that can lead to a failure
- Fault(缺陷): The cause of an error. Types:
 - Transient(偶发): occur once, then disappear
 - Intermittent(间歇): occur, then vanish, then reappear
 - Permanent(持久): continues to exist
- 容错计算系统: 出现一定限度的失效时, 依然提供所需要的服务.
 - "难于消除,只能掩盖(使之不影响系统的正常使用)"
 - 服务降级
 - 容错能力: 检错(发现,定位),纠错

Fault Tolerance: Redundancy

Main approach: mask failures using redundancy

- Information redundancy
 - Eg, a Hamming code can be added to transmitted data to recover from noise on the tansmission line.
- Time redundancy
 - is especially helpful for transient or intermittent faults.
 - Eg, using transactions(回滚, rollback)
- Physical redundancy
 - Eg, 747s have four engines but can fly on three
 - RAID

奇偶编码校验(Parity Check Code)

- 在被传送的n位代码(b_{n-1}b_{n-2}...b₁b₀)上增加一位校验位P(Parity),将原数据和得到的奇(偶)校验位一起进行存取或传送(即传送Pb_{n-1}b_{n-2}...b₁b₀)。
 - 奇校验: 使 "1"的个数为奇数
 - 0000 0000 >0000 0000 1
 - 0000 0001 >0000 0001 0
 - 偶校验:使"1"的个数为偶数
 - 0000 0000 >0000 0000 **0**
 - 0000 0001 >0000 0001 1
- 为什么能容错?具有什么容错能力?

4位表示 16个状态 不能检出错误!	0000 0001 0010 0011 0100 0101 0111 1000 1001 1010 1011 1100 1101	4位表示8个状态可能检出错误!	0000 0001 0010 0011 0100 0111 1000 1001 1011 1100 1111 1100 1111	码距:海明(Hamming)距离 两个等长码字之间对应位不同的个数 相邻两个合法代码之间的不
	1110 1111		1110 1111	相邻两个合法代码之间的不相同位数
	1111		1111	

编码纠错理论



- 任何一种编码是否具有检测能力或纠错能力,都与 编码的最小距离有关。
- 根据纠错律论:L-1 = D+C 且 D>=C
 - 即编码最小距离L越大,则其检测错误的位数D也越大, 纠正错误位数C也越大,且纠错能力恒小于或等于检测 能力。
 - 例如,L=3,则D=2,C=0;或D=1,C=1。
 - 增大L , 提高检错和纠错能力。

应用

- 数据通信:奇偶校验(串行), CRC(网络)
- 硬盘:CRC
- 内存:ECC(错误检查和纠正)校验

奇偶编码校验



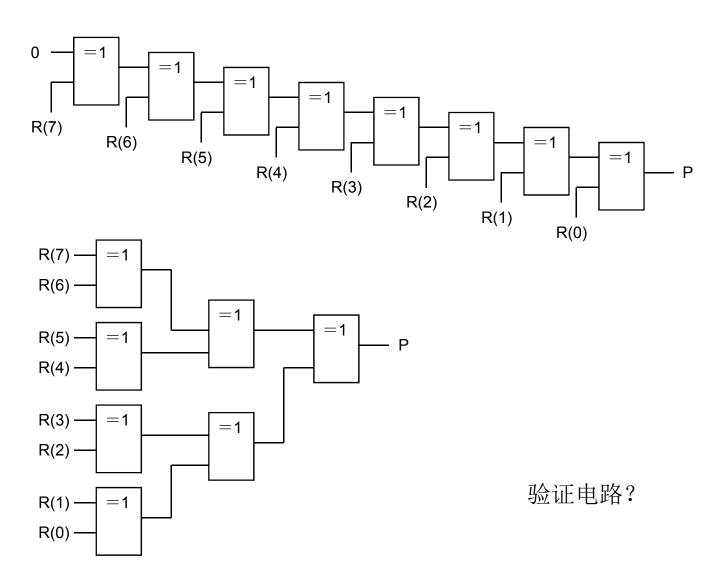
· 在被传送的n位代码(b_{n-1}b_{n-2}....b₁b₀)上增加一位校验位P,将原数据和得到的奇(偶)校验位一起进行存取或传送(即传送Pb_{n-1}b_{n-2}....b₁b₀)。

偶校验:
$$r_i = I_{1i} + I_{2i} + \cdots + I_{pi}$$
 (=1,2,***,q),
奇校验: $r_i = I_{1i} + I_{2i} + \cdots + I_{pi} + 1$ (i=1,2,***,q)

- 可以发现奇数个错
 - 只能检错,不能纠错(?)
 - 一位出错的概率高

奇偶校验的实现





奇偶校验的实现(续)



```
entity IPAR is
           generic(PROP_DEL: time);
           port(R: in Std_logic_vector( 7 down to 0); P: out Std_logic);
end IPAR;
architecture LOOP4 of IPAR is
           signal CLOCK: Std_logic := '0';
begin
           OPAR: process(R)
                     variable X: Std_logic;
           begin
                     X := '0';
                     for I in 7 downto 0 loop
                                X := X \times R(I);
                     end loop;
                     P <= X after PROP DEL;
           end process;
end LOOP4;
```

交叉奇偶校验(ECC)



数据块的横向和纵向都进行有奇偶校验位。例如:

Error Correcting Code: 检两位,纠一位?

1位纠错 Hamming码校验码(校验位数)

- 设有k位数据,r位校验位。
- r位校验位有2^r个组合。
 - 若用0表示无差错,则剩余2^r-1个值表示有差错,并指出 错在第几位。
- 由于差错可能发生在k个数据位中或r个校验位中, 因此有: 2^r-1≥r+k
 - 海明码需要几位校验码?

数据位k	校验位r	总位数n
1	2	3
2~4	3	5~7
5~11	4	9~15
12~26	5	17~31
27~57	6	33~63
58~120	7	65~127

海明校验码(校验位置)



- 校验位和数据位是如何排列的 校验位排列在 2^{i-1} (i=0,1,2,...)的位置上

例1:有一个4位数为 $D_4D_3D_2D_1$,需要3位校验码 $P_3P_2P_1$,由此生成一个海明码

7 6 5 4 3 2 1 $D_4 D_3 D_2 P_3 D_1 P_2 P_1$ $2^2 2^1 2^0$

例2: 有一字节的信息需生成海明码

12 11 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 $D_8 D_7 D_6 D_5 P_4 D_4 D_3 D_2 P_3 D_1 P_2 P_1$ 8 4 2 1

校验位取值公式及计算举例



- 海明码的校验位Pi和数值位Di的关系
 - 设k位数据,r位校验码,把k+r=m个数据记为H_mH_{m-1}... H₂H₁(海明码), 每个校验位P_i在海明码中被分配在2ⁱ⁻¹位置上。
 - H_i由多个校验位校验:每个海明码的位号要等于参与校验它的几个检验 位的位号之和。

分解 $i = 2^{j_1} + 2^{j_2} + ... + 2^{j_x} (j_1 \neq j_2 \neq ... \neq j_x)$

得:H3由P1和P2校验,H5由P1和P4校验,H6由P2和P4校验,H7由P1、P2和P4校验,。。。

即:P_i参与第j₁、j₂、…、j_x个校验位的计算(P1参与H3、H5、H7、…)

海明码位号	H_{12}	H_{11}	H_{10}	H_9	H_8	H_7	H_6	H_5	H_4	H_3	H_2	H_1
数据位/校验位	D^8	D_7	D_6	D_5	P_4	D_4	D_3	D_2	P_3	D_1	P_2	P_1
参与校验的校	4,	1,	2,	1,	8	1,	2,	1,	4	1,	2	1
验位位号	8	2,	8	8		2,	4	4		2		
		8				4					 	

例:



每个数据位至少出现在两个Pi值的形成关系中。当任一数据位发生变化时,必将引起二或三个Pi值跟着变化。

数据位为1011 (偶校验)

$$0 = 1 \oplus 0 \oplus 1$$

$$0 = 1 \oplus 0 \oplus 1$$

Н	7	6	5	4	3	2	1
	D_4	D_3	D_2	P ₃	D_1	P ₂	P ₁
2 ²	D_4	D_3	D_2	P ₃			
21	D_4	D_3			D_1	P ₂	
20	D_4		D_2		D_1		P ₁

最后,海明码为1010101

海明码的纠错原理



• 海明码的接收端的公式:

$$-S_3 = P_3 \oplus D_4 \oplus D_3 \oplus D_2$$
$$S_2 = P_2 \oplus D_4 \oplus D_3 \oplus D_1$$
$$S_1 = P_1 \oplus D_4 \oplus D_2 \oplus D_1$$

假定海明码1010101在传送中变成了1000101

$$S_3 = P_3 \oplus D_4 \oplus D_3 \oplus D_2 = 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 0 = 1$$

$$S_2 = P_2 \oplus D_4 \oplus D_3 \oplus D_1 = 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$$

$$S_1 = P_1 \oplus D_4 \oplus D_2 \oplus D_1 = 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 1$$

因此,由S₃S₂S₁= 101,指出第5位错,应由0变1

1位纠错海明码的应用



- 上述海明码称为单纠错码(SEC)
 - 是否可以发现多位错?奇数位错?偶数位错?
- 通常半导体存储器采用SEC-DED(单纠错-双检错码)。
 - SEC-DED与SEC相比需要增加1个附加位。
 - 在IBM3000系列中,主存64位数据采用8位SEC-DED码进行校验;
 - · VAX计算机中32位字长机器,采用7位SED-DED码。



CRC校验码

CRC (Cyclic Redundancy Check)



· CRC: 各类介质存储器、数据通信

· 基于模2运算:不考虑进位和借位

·模2加减运算:异或(相同为 "0",不同为 "1")

・模2乘:按模2加求部分积之和

・模2除:按模2减求部分余数

- -部分余数首位为1,商1
- -部分余数首位为0,商0
- 每上商一次,部分余数减少一位。
- 部分余数位数少于除数位数时,结束

模2运算举例



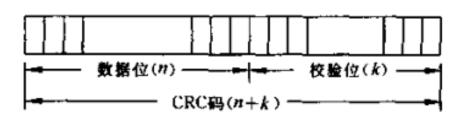
CRC校验步骤



· CRC生成

- 将n位数据 $D_{n-1},...D_0$ 用n-1次多项式M(x)表示,即 M(x) = $D_{n-1}x^{n-1} + D_{n-2}x^{n-2} + ... + D_1 x^1 + D_0 x^0$
- 将M(x)左移k位(补0),即得: M(x)*xk
- 将M(x)*x^k除以k+1位的生成多项式G(x),余数即为k位的CRC校验位
- 将CRC校验位拼装在D_{n-1},...D₀之后,成为n+k位数据,也称(n+k,n)码。

CRC码的组成



CRC码—编码举例



例:有效信息为1100,生成多项式G(x)=1011,将其编成CRC码.

• 解: 数据位数n=4,校验位数k=G(x)位数-1=3 $M(x) = x^3 + x^2 = 1100$ $M(x)\cdot x^3 = x^6 + x^5 = 1100000$ $G(x)= x^3 + x + 1 = 1011$ $\frac{M(x)\cdot x^3}{G(x)} = \frac{1100000}{1011} = 1110 + \frac{010}{1011}$ $M(x)\cdot x^3 + R(x) = 1100000 + 010$ = 1100010

编好的循环校验码称为(7,4)码,即n+k=7, n=4

CRC的译码与纠错



- · 将收到的n+k位CRC 码用约定的生成多项 式G(x)去除
 - 正确,则余数=0。
 - 如果某一位出错,则余数不为0。不同位出错, 余数不同。
- · 余数和出错位之间的 对应关系不变。
 - 与待测码字无关,与码制和生成多项式有关

对应G(x)=1011的(7,4)码的出错模式

	A ₁	A ₂	A ₃	A ₄	A ₅	A ₆	A ₇	余数
正确	1	1	0	0	0	1	0	000
A ₇ 错	1	1	0	0	0	1	1	001
A ₆ 错	1	1	0	0	0	0	0	010
A ₅ 错	1	1	0	0	1	1	0	100
A ₄ 错	1	1	0	1	0	1	0	011
A ₃ 错	1	1	1	0	0	1	0	110
A ₂ 错	1	0	0	0	0	1	0	111
A₁错	0	1	0	0	0	1	0	101

CRC的译码与纠错(con't)



余数循环

- 如果对余数补0,除 以G(x),得下一余 数。
- 继续除下去, 各次余 数将按右表顺序循 环。
- 特定生成多项式的 余数模式固定

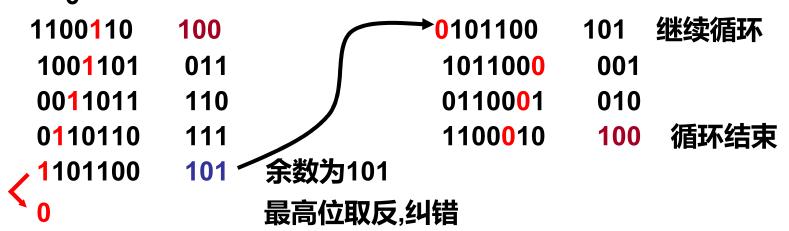
	A ₁	A ₂	A ₃	A ₄	A ₅	A ₆	A ₇	余数
正确	1	1	0	0	0	1	0	000
A ₇ 错	1	1	0	0	0	1	1	0 0 1
A ₆ 错	1	1	0	0	0	0	0	010
A ₅ 错	1	1	0	0	1	1	0	100
A₄错	1	1	0	1	0	1	0	011
A ₃ 错	1	1	1	0	0	1	0	110
A ₂ 错	1	0	0	0	0	1	0	111
A₁错	0	1	0	0	0	1	0	101



CRC码的纠错方法 - 循环移位法



- · 将CRC码进行左循环移位,至出错位被移至最高位
 - 余数添0继续除法,当余数为101时,出错位被移到最高 位
- 对最高位取反,纠错
- 继续循环移位,直至循环一周
 - 继续余数除法,直至余数变成第一次的余数。
- · 例A₅出错



生成多项式G(x)



- · 生成多项式G(x)应能满足下列要求:
 - 任何一位发生错误都应使余数不为0.
 - 不同位发生错误应当使余数不同.
 - 对余数继续作模2除,应使余数循环.
 - 例:

• G(x)=x+1=11 (7,6)码,判—位错

• G(x)= x³+x+1=1011 (7,4)码,判二位错或纠一位错

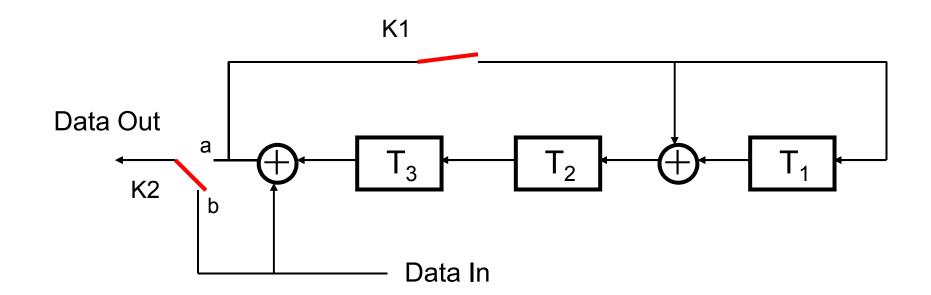
• G(x)= x³+x²+1=1101 (7,4)码,判二位错或纠一位错

• G(x)=(x+1)(x³+x+1)=11101 (7,3)码,判二位错并纠一位错

CRC电路实现

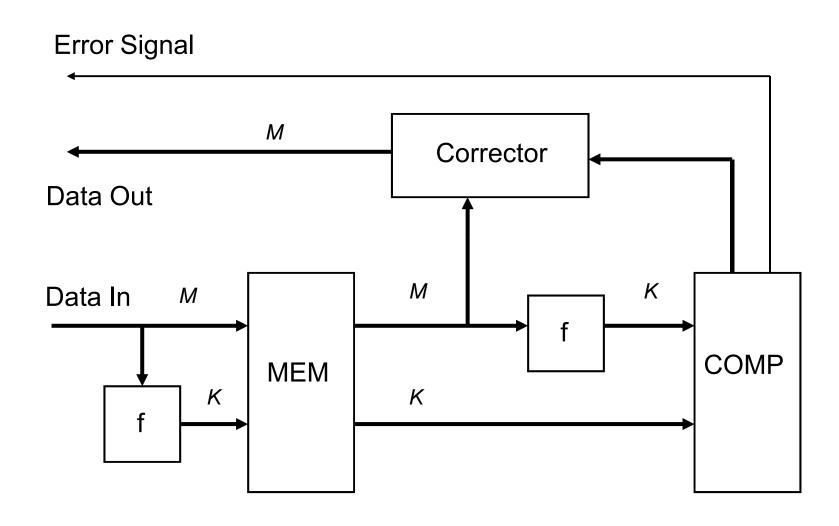


- (7,4)的CRC实现
 - 1. K1闭合, K2打到b, 4步之后, T3T2T1为余数。
 - 2. K1断开,K2打到a,移位送出余数,形成CRC码



存储校验系统





CRC-CCITT实现



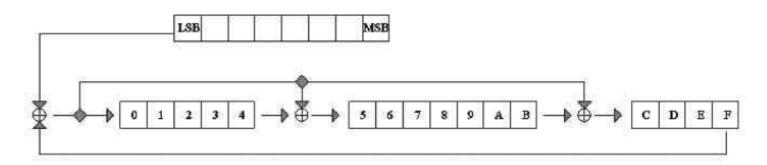
CRC8 = X8 + X5 + X4 + 1

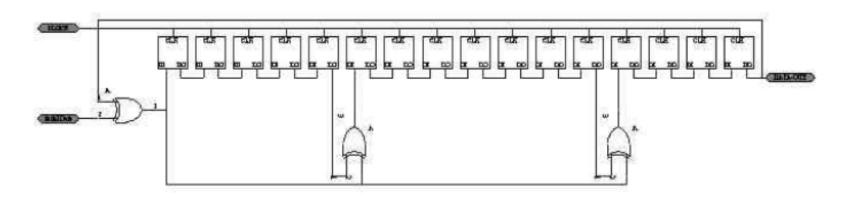
CRC-CCITT = X16+X12+X5+1

CRC16 = X16 + X15 + X5 + 1

CRC12 = X12 + X11 + X3 + X2 + 1

CRC32 = X32+X26+X23+X22+X16+X12+X11+X10+X8+X7+X5+X4+X2+X1+1





小结



- •理解"码距"与"编码体系的码距"
 - 具有1位纠错能力的编码系统最小码距是多少?
 - SEC海明码码距是多少?
 - (n+k, n) CRC码码距是多少?
- ·比较海明码与CRC码的容错能力
- 作业: 4.18、20、4.42



Thomas -