多3、2 孝同主教生来和

(3.2.1 零回函数和记号

1. Floor and Ceiling—下取多和上取多 LXJ: < Xm最大多数 [X]: > Xin最大多数

.供店:

OSFY实数x, X-1<LXJ≤X≤TX7<X+1

②对4到数n, [型]+「型]=n

2. Modular anothmetii — 接这矣

3. Exponentials—#\$\frac{1}{2}\text{2}\text{2}\text{3}\text{2}\text{4}\text{2}\text{3}\text{2}\text{4}\text{2}\text{3}\text{2}\text{4}\text{2}\text{3}\text{4}\text{2}\text{3}\text{4}\text{2}\text{5}\text{6}\text{8}\text{8}\text{8}\text{8}\text{1}\text{8}\text{1}\text{2}\text{2}\text{1}\text{2}\text{2}\text{1}\text{2}\text{2}\text{1}\text{2}

①对状实象以, $e^{\times} > 1+ \times$; ②对实象 $|X| \leq 1$, $1+ \times \leq e^{\times} \leq 1+ \times + \times^2$ $= 1+ \times + O(X)$

4. Lognithms — $p \neq 2$ $log n = log_2 n$, $lg n = log_1 o^n$, $ln n = log e^n$, $log k n = (log n)^k$, log log n = log (log n)

 $0 \% |x| < |, ln(1+x) = x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \frac{x^5}{5} - \dots$ $0 \% |x| < |, ln(1+x) = x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \frac{x^5}{5} - \dots$ $0 \% |x| < |, ln(1+x) = x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \frac{x^5}{5} - \dots$

回好奉教 asognb, logbn=o(n) 11+0

5. Factorials - PTX $n! = \begin{cases} 1 \\ n \cdot (n-1)! \end{cases}$ · 语度: n!< n" 6. Stirling 3 % $n! = \sqrt{2\pi n} \left(\frac{n}{e} \right)^n (1 + o(\frac{1}{n}))$ · stirling/3×5/00000: $n! = o(n^n)$ 1/40, $n! = \omega(2^n)$ log(n!) = O(nlogn)7. Functional iteration— 25 227 Def. $f(i) = \begin{cases} n & \text{if } i = 0 \\ f(f(i-1)(n)) & \text{if } i > 0 \end{cases}$ $f(n) = 2n \implies f^{(1)}(n) = 2n, f^{(2)}(n) = f(f^{(1)}(n)) = f(2n) = 2n$ $\sim - , f(0)(n) = 2^{0}n$ 8. Iterated logarithm function - start log* n = min { i > 0 | log(i) n = 14 An: log* 2=1, log*4=2, log*16=3 log \$ 65536 = 4, log * 265536 = 5, ~, 这是一个移长得很好多的强毅。 9. Fibonacci Numbers - Fib & Fort Fü-2

· Findugax

Fi = Di-Bi

NE 23 \$ = 1+15 = 1.61803..., \$ = 1-15 = -0.61803... 10.标准好长五数及其大的交系 小多戏戏时间对的大大美 0(1) < 0(logn) < 0(n) < 0(nlogn) < 0(n²) < 0(n²) 12,指教时间的小人为是多 0(2") < 0(n!) < 0(n") = 0 = 0 = 0

Bulsix18 1 -x = x

けっきょうナールサーニーナーナートラールのロークロートのロ

的种色和松岭版和

1>1×15 x = "x 3

是 KX 是 CI-XI 化正式的包木乳之

6 產產級海

1 (Ak - Akt) = An - Ao (Ak - Akt) = A. - An

(大一社) = A·-A·

8

多3.2.2 末程

1. 求和公然及性度

· 有限者的 芝 ax 11 五部3: 1820年Jorseph Fourier3以

· 光限和 盖 ak; 含义则 xx ak

小线性性

(3494376) $O\sum_{k=1}^{\infty}(ca_k+db_k)=c\sum_{k=1}^{\infty}a_k+d\sum_{k=1}^{\infty}b_k$, $c,d\in R$

Q = 0(fk(n)) = 0 (= fk(n))

的复本假教

 $\sum_{k=1}^{n} k = \frac{1}{2} n(n+h) = O(n^2)$

(4) 神和なな

Hu=1+2+3+...+h= = = lnn+0(1) られる和教多级和

Z X = - 2 221x/c/

 $\sum_{k} k X^{k-1} = \frac{X}{(1-X)^2}$ 11上武两边水等,主义

白金色级教

XI ao, a, ..., an

5 (ak-ak-1) = an-ao, 5 (ak-ak+1) = ao-an

An: ∑ | K(K+1) = ∑ (K - K+1) = ao-an

の神は Tak: lg(Tak)= Elgak 2. 本政党的年 山教学的的话:光绪、后视明 码11. 基本5.3 K以上界量 科· 核似为 0 (3"), 这里f(n)= = = 3 x, g(n)=3" の物的考析生: n=1 f(1)= = = 3 = 4 < cg(1), 写要 c=2 ②约纳强後:对的感主 ③如何多野:下班时间至 f(n+1) = = = 3 = = = 3 + 3 + 3 = (3+ 6) c.3 + 3 c.3 mt) 写るませたを1、即できる :、取 C=2 Ppg :、 上3 = O(3") 12.12以过程中,位用浙亚记号要小心! 大い、水で、K=O(n) 馆设对 n>1 群主, 对加村有 $\sum_{k=1}^{N} K = \sum_{k=1}^{N} K + (N+1) = O(N) + (N+1) = O(N)$ 传家使用浸化吸加信枪 (2)对是限者 D最大/最为没限是 $4n, \frac{N}{2} K \leq \frac{N}{2} n = n^2 = O(n^2)$ - AZUE, I ak = n. Amax, amax = max ak

包用几份级和限者 1酸多对所有 k20有 Ak+1 = r, r为考教且 0< r<1 21 ak ≤ ao·rk //-; ak ≤ ak-1·r ≤ ak-2·r²≤... ∈ aork 1分12. 美水 $\frac{(k+1)/3^{k+1}}{K/3^{k}} = \frac{1}{3} \cdot \frac{k+1}{K} \leq \frac{2}{3}$ for all $k \geq 1$ $\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{3^{k}} \leq \frac{1}{3} \sum_{k=1}^{\infty} (\frac{3}{3})^{k-1} = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{1-\frac{2}{3}} = 1$ 这这里V克是孝教,老不是孝教,会考生不正不的任务。 (3) 和式分科 の行子かーかか二 倒3. 求是以的下午 $\sum_{k=1}^{N} k = \sum_{k=1}^{N} k + \sum_{k=1}^{N} k \geq \sum_{k=1}^{N} 0 + \sum_{k=1}^{N} \sum_{k=1}^{N} (N^2)$ 日見時和我和此記 I ak = Eak + Eak Kobata 20(1) + \(\sum_{k=k}^{u} \) 12/4 \$\frac{k^2}{2^k}

每超新程。1 2 《 8 Hn= = + (2+3)+(2+-++)+(2+-+++)+(2+-+++) 2} i=0 (=1 i=2 (=3 i= Llog n] < \(\sum_{i=0}^{\infty} \frac{1}{2^{i-1}} \) $\leq \sum_{i=0}^{\lfloor \log n \rfloor} \sum_{i=0}^{2^{i}} \frac{1}{2^{i}} \qquad \qquad \leq \sum_{i=0}^{\lfloor \log n \rfloor} \frac{1}{2^{i}} \leq \sum_{i=0}^{\lfloor \log n \rfloor} \frac{1}{2^{i}} \leq \log n + 1 = O(\log n)$ 的部分近份 10老fikiA、RII Sm-fixdx ミンfix) ミ fixdx 2°元 f(k) , 21 5m fcvsdx = 至 f(k) = 5m fcvsdx 倒6: 求出的紧张等 · : f(K)= + > $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}$ Q = t=1+ = 1+ == t = 1+ Int dx=1+ lnn 1/直接支用2°式的声 少得我,行私 10 jemp m-1 m m+1 n-1 n 上沙啊 1° 我们在不多式 m m41 m+2 (4) Knuthinosking 13 MDn=ZKEN NZOXO假