# 北京大学信息科学技术学院考试试卷

考试科目:	数据结构与算法 A	姓名:	<b>学号:</b>	

考试时间: 2016 年 1 月 6 日 任课教师:

题号	一 8分	二 15 分	三 7分	四 10 分	五 25 分	六 35 分	总分
分数							
阅卷							
ı							

## 北京大学考场纪律

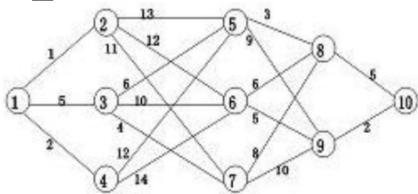
- 1、考生进入考场后,按照监考老师安排隔位就座,将学生证放在桌面上。 无学生证者不能参加考试;迟到超过15分钟不得入场。在考试开始30分钟后方可交卷出场。
- 2、除必要的文具和主考教师允许的工具书、参考书、计算器以外,其它所有物品(包括空白纸张、手机、或有存储、编程、查询功能的电子用品等)不得带入座位,已经带入考场的必须放在监考人员指定的位置。
- 3、考试使用的试题、答卷、草稿纸由监考人员统一发放,考试结束时收回,一律不准带出考场。若有试题印制问题请向监考教师提出,不得向其他考生询问。提前答完试卷,应举手示意请监考人员收卷后方可离开;交卷后不得在考场内逗留或在附近高声交谈。未交卷擅自离开考场,不得重新进入考场答卷。考试结束时间到,考生立即停止答卷,在座位上等待监考人员收卷清点后,方可离场。
- 4、考生要严格遵守考场规则,在规定时间内独立完成答卷。不准交头接 耳,不准偷看、夹带、抄袭或者有意让他人抄袭答题内容,不准接传答案或者试 卷等。凡有违纪作弊者,一经发现,当场取消其考试资格,并根据《北京大学本 科考试工作与学术规范条例》及相关规定严肃处理。
- 5、考生须确认自己填写的个人信息真实、准确,并承担信息填写错误带来的一切责任与后果。

学校倡议所有考生以北京大学学生的荣誉与诚信答卷,共同维护北京大学的 学术声誉。

以下为试题和答题纸(答案写在答题纸上),包括本页共 6 页。

### 第一题 填空题 (每空1分,共8分)

- 1. 设无向图 G = (V,E)中 V={1, 2, 3, 4, 5, 6, 7}, E={(1,2), (1,3), (2,3), (4,5), (3,6), (4,7), (5,7)}。则图 G 包含的不同生成森林的个数为\_\_\_\_。 注释:其中若两个生成森林的边集不同,则认为它们是不同的生成森林。
- 2. 若对下面的无向图以 1 为起点运行单源最短路径的 Dijkstra 算法,则在 Dijkstra 算法的过程中,每一步依次被选出的顶点依次是\_\_\_\_。若忽略边权,以 6 为起点进行一次广度优先周游,将得到一棵广度优先搜索的生成树。设 仅包含一个结点的树高度为 1,则该生成树的高度为\_\_\_,树的最深层结点集合为\_\_\_。



3. 用某种排序方法对序列(25,84,21,47,15,27,68,35,20)进行排序时,若序列的变化情况如下,则所采用的排序方法为。

25, 84, 21, 47, 15, 27, 68, 35, 20

20, 15, 21, 25, 47, 27, 68, 35, 84

15, 20, 21, 25, 35, 27, 47, 68, 84

15, 20, 21, 25, 27, 35, 47, 68, 84

4. 假设 Shell 排序的增量序列是 $(2^k, 2^{k-l}, ..., 2, 1)$ ,其中  $k = [\log_2 n]$ 。若待排序序列是**正序的**(已经排好)或**逆序的**,则 Shell 排序的时间复杂度**分别是** 

\_\_`\_°

5. 设输入的关键码满足  $k_1 > k_2 > ... > k_n$ ,缓冲区大小为 m。在 n=150,m=25 的情况下,用最小值堆进行置换-选择排序方法可产生初始归并段的个数为\_\_\_\_\_。

6. 假定有一棵 B+树,它的内部结点可以存储多达 20 个子结点,叶结点可以存储多达 15 条记录(本题中的 B+树把所有记录存放在叶结点上)。那么 2 层的 B+树能够存储的最多记录个数和最少记录个数分别为 、 。

得分

#### 第二题 简要和辨析题(每小题3分,共15分)

1. 设 d 是带权无向图 G 的相邻矩阵, G 的任意两个顶点之间至多只有 1 条边,即:

若 i=j,则 d[i][j]=0;

若 i 与 j 之间有边权为 w 的边,则 d[i][i]=w;

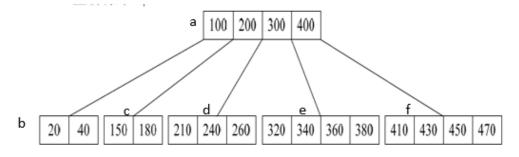
若 i 与 j 之间无边,则 d[i][j]=+ $\infty$ ;

下面有一段用于求无向图中任意两点间最短路径的伪代码:

for  $i \leftarrow 1$  to n do for  $j \leftarrow 1$  to n do for  $k \leftarrow 1$  to n do  $d[i][j] \leftarrow \min(d[i][j], d[i][k] + d[k][j]);$ 

请判断这段伪代码的正确性。若正确,请给出证明;若错误,请分析错误原因并修正。

2. 请画出往下图的 5 阶 B 树中插入一个关键码 420 后得到的 B 树,以及再删除关键码 40 后得到的 B 树。并请分别分析插入和删除时的读写页块次数。(假设删除关键码时,如果需要从兄弟结点借关键码的话,先查看左边的、再查看右边的兄弟。在操作之前 B 树所有的结点页块均在外存,在插入和删除过程中,新近被访问过的外存磁盘块都被缓冲在内存缓冲区中,不必重新访外,abcdef 是对各个结点的标记)



)

- 3. 已知一个线性表(38, 25, 74, 63, 52, 48), 采用的散列函数为 H(Key) = Key mod 7, 将元素散列到表长为 7 的散列表中存储。
  - (1) 若采用线性探查的冲突解决策略,则在该散列表上进行等概率成功查 找的平均查找长度为多少?请写出计算过程。
  - (2) 若采用拉链法解决冲突,则在该散列表上进行等概率成功查找的平均 查找长度为多少?请写出计算过程。
- 4. 广义表 A = (((a)), (b), c, (a), (((d, e))))
  - (1) 画出其一种存储结构图;
  - (2) 写出表的长度与深度;
  - (3) 用求头部, 尾部的方式求出 e。
- 5. 对于顺序输入的关键码 {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7}
  - (1) 严格遵循 AVL 树的操作规定,画出所得到的 AVL 树。
  - (2) 严格遵循红黑树的操作规定, 画出所得到的红黑树。

得分

### 第三题 算法填空题(每空1分,共7分)

1. 下面的代码实现了一种计数排序:对每个待排序记录,扫描整个序列统计比它小的记录个数 count, count 即是该记录在序列中的正确位置。

			// 空缺 2
	swap(Array, curIndex, count); /* 如果 curIndex 不用移动,考虑]	下一个位	置:
	否则,继续考虑该位置(因为其他		
	if (curIndex == count)	11/2111/11 11	1個人仍及水17
	ii (curiidex — count)		
			// 空缺 3
	}	,	77
}	,		
2	2. 考虑用双向链表来实现一个有序表,使得	最能在这~	个表中讲行正向和反向检
	索。若指针 p 总是指向最后成功检索到的		
	发沿任一方向进行。根据这种情况编写-		-
			scarcin(nead, p, key),何至系
1	具有关键码 key 的结点,并相应地修改 p		6
r	bool search( LinkNode * head, LinkNode * &p,	int key)	{
	if (head == NULL) return false; if (p == NULL) p = head;		
	LinkNode * temp = p;		
	LinkNode · temp – p,		
	while (	)	// 空缺 4
			// 空缺 5
	while (	)	// 空缺 6
	wine (	/	77 11 11 10
			// 空缺7
	if (temp->value == key) {		
	p = temp;		
	return true;		
	}		
	else return false;		
	}		
得么	分		
147	<del>''</del>		

## 第四题设计题(每小题5分,共10分)

- 1. 一个具有 n 个有序数据的线性表,后面又插入了 f(n) 个无序数据。针对下列 三种情况:
  - a) f(n) = O(1)
  - b)  $f(n) = O(\log n)$
  - c)  $f(n) = \sqrt{n}$ ,

给出对这样 n + f(n) 个数据的排序算法,并分析时间复杂度。 注释:不需要写具体算法,简单说一下算法思路就可以。

方案二,4分

#### 2. 营业额统计 Turnover

Tiger 最近被公司升任为营业部经理,他上任后接受公司交给的第一项任务便是统计并分析公司成立以来的营业情况。Tiger 拿出了公司的账本,账本上记录了公司成立以来每天的营业额。分析营业情况是一项相当复杂的工作。由于节假日,大减价或者是其他情况的时候,营业额会出现一定的波动,当然一定的波动是能够接受的,但是在某些时候营业额突变得很高或是很低,这就证明公司此时的经营状况出现了问题。经济管理学上定义了一种最小波动值来衡量这种情况:

该天的最小波动值= min { | 该天以前某一天的营业额 - 该天的营业额 | } 当最小波动值越大时,就说明营业情况越不稳定。而分析整个公司的从成立到现在营业情况是否稳定,只需要把每一天的最小波动值加起来就可以了。你的任务就是编写一个程序帮助 Tiger 来计算这一个值。

注释:第一天的最小波动值为第一天的营业额。数据范围:天数  $n \le 32767$ ,每天的营业额  $ai \le 1,000,000$ 。最后结果  $T \le 2^{31}$ 。

提示:题目的意思非常明确,关键是要每次读入一个数,并且在前面输入的数中找到一个与该数相差最小的一个。我们很容易想到  $O(n^2)$ 的算法:每次读入一个数,再将前面输入的数一次查 找一遍,求出与当前数的最小差值,记入总结果 T。但由于本题中 n 很大,这样 的算法是不可能在时限内出解的。而如果使用线段树记录已经读入的数,就需要记下一个 2M 的大数组,空间消耗太大。

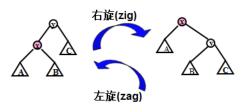
红黑树与 AVL 树虽然在时间效率、空间复杂度上都比较优秀,但过高的编程 复杂度却让人望而却步。建议采用伸展树。

#### 答题要求:

- (1) 描述采用伸展树求解本问题的基本算法思路:
- (2) 利用一下的伸展树基本函数,写出主要算法框架。

伸展树是一种自平衡的BST,数据结构如下:

```
struct TreeNode {
    int data;
    TreeNode * father,* left,* right;
};
```



可以用的函数为:

void zag(TreeNode\* y); // 对称的左旋(zag)和右旋(zig),如右上图。
void zig(TreeNode\* x);
void Splay(x, f); // 将 x 旋转为 f 的子结点,f在 x 祖先路径
// 把 x 旋转到根结点即 Splay(x, NULL)
void Delete(TreeNode\* x); // 删除以x结点为根的子树

得分

第五题 期中考试 (共25分,同学们不必填写,由助教登记)

得分

第六题 上机考试 (共35分,同学们不必填写,由助教登记)