第十一讲标准模板库3

—— STL算法

刘家瑛



上节课回顾

- 函数对象
 - 函数指针, 函数模板和函数对象
 - accumulate, greater
- 关联容器 multiset /set / multimap / map
 - multiset / set 容器中的对象类 必须重载<
 - find, lower_bound / upper_bound, count, insert
 - less 函数模板
 - pair对象
- 容器适配器
 - stack
 - queue
 - priority queue

STL算法分类

- ▲ STL中的算法大致可以分为以下七类:
 - 不变序列算法
 - 变值算法
 - 删除算法
 - 变序算法
 - 排序算法
 - 有序区间算法
 - 数值算法

算法

- ▲ 大多重载的算法都是有两个版本的
 - 用 "==" 判断元素是否相等, 或用 "<" 来比较大小
 - 多出一个类型参数 "Pred" 和函数形参 "Pred op":
 通过表达式 "op(x,y)" 的返回值: ture/false
 →判断x是否 "等于" y, 或者x是否 "小于" y
- 如下面的有两个版本的min_element: iterator min_element(iterator first, iterator last); iterator min_element(iterator first, iterator last, Pred op);

1. 不变序列算法

- 该类算法不会修改算法所作用的容器或对象
- 适用于所有容器
- 时间复杂度都是O(n)

算法名称	功 能
min	求两个对象中较小的(可自定义比较器)
max	求两个对象中较大的(可自定义比较器)
min_element	求区间中的最小值(可自定义比较器)
max_element	求区间中的最大值(可自定义比较器)
for_each	对区间中的每个元素都做某种操作

1. 不变序列算法

算法名称	功 能
count	计算区间中等于某值的元素个数
count_if	计算区间中符合某种条件的元素个数
find	在区间中查找等于某值的元素
find_if	在区间中查找符合某条件的元素
find_end	在区间中查找另一个区间最后一次出现的位 置(可自定义比较器)
find_first_of	在区间中查找第一个出现在另一个区间中的元素 (可自定义比较器)
adjacent_find	在区间中寻找第一次出现连续两个相等元素 的位置(可自定义比较器)

1. 不变序列算法

算法名称	功能
search	在区间中查找另一个区间第一次出现的位置(可自定义比较器)
search_n	在区间中查找第一次出现等于某值的连续n个元素(可自定义比较器)
equal	判断两区间是否相等(可自定义比较器)
mismatch	逐个比较两个区间的元素,返回第一次发生不相等的两个元素的位置(可自定义比较器)
lexicographical_compare	按字典序比较两个区间的大小(可自定义比较器)

for_each:

template<class InIt, class Fun>

Fun for_each(InIt first, InIt last, Fun f);

▲ 对[first, last)中的每个元素e, 执行f(e), 要求 f(e)不能改变e

count:

template<class InIt, class T>

size_t count(InIt first, InIt last, const T& val);

▲ 计算[first, last) 中等于val的元素个数

count_if:

template<class InIt, class Pred>

size_t count_if(InIt first, InIt last, Pred pr);

▲ 计算[first, last) 中符合pr(e) == true 的元素e的个数

min_element:

template<class Fwdlt>

FwdIt min_element(FwdIt first, FwdIt last);

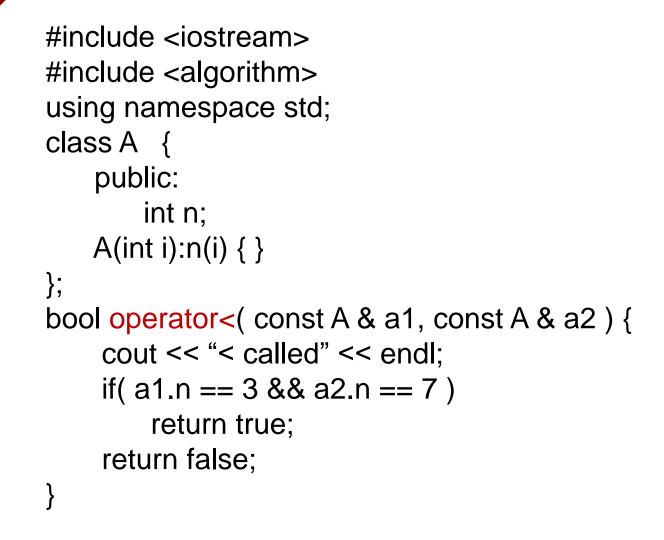
- ▲ 返回[first, last) 中最小元素的迭代器, 以 "<" 作比较器
- ▲ 最小指没有元素比它小, 而不是它比别的不同元素都小
- ▲ 因为即便a!= b, a<b 和b<a有可能都不成立

max element:

template<class Fwdlt>

Fwdlt max_element(Fwdlt first, Fwdlt last);

- ▲ 返回[first, last) 中最大元素(不小于任何其他元素)的迭代器
- ▲ 以 "<" 作比较器



```
int main() {
    A aa[] = { 3,5,7,2,1 };
    cout << min_element(aa,aa+5)->n << endl;
    cout << max_element(aa,aa+5)->n << endl;
    return 0;
}</pre>
```

输出: < called < called < called < called 3 < called < called < called < called

find:

template<class InIt, class T>

InIt find(InIt first, InIt last, const T& val);

▲ 返回区间 [first, last) 中的迭代器 i, 使得 * i == val

find_if:

template<class InIt, class Pred>

InIt find_if(InIt first, InIt last, Pred pr);

▲ 返回区间 [first, last) 中的迭代器 i, 使得 pr(*i) == true

2. 变值算法

- ▲ 此类算法会修改源区间或目标区间元素的值
- ▲ 值被修改的那个区间, 不可以是属于关联容器的

算法名称	功 能
for_each	对区间中的每个元素都做某种操作
сору	复制一个区间到别处
copy_backward	复制一个区间到别处, 但目标区间是 从后往前被修改的
transform	将一个区间的元素变形后拷贝到另一个区间

2. 变值算法

算法名称	功 能
swap_ranges	交换两个区间内容
fill	用某个值填充区间
fill_n	用某个值替换区间中的n个元素
generate	用某个操作的结果填充区间
generate_n	用某个操作的结果替换区间中的n个元素
replace	将区间中的某个值替换为另一个值
replace_if	将区间中符合某种条件的值替换成另一个值
replace_copy	将一个区间拷贝到另一个区间, 拷贝时某个值 要换成新值拷过去
replace_copy_if	将一个区间拷贝到另一个区间,拷贝时符合某 条件的值要换成新值拷过去

transform

template<class InIt, class OutIt, class Unop>
OutIt transform(InIt first, InIt last, OutIt x, Unop uop);

- ▲ 对[first, last)中的每个迭代器I,
 - 执行 uop(*I); 并将结果依次放入从 x 开始的地方
 - 要求 uop(*I) 不得改变*I的值
- ▲ 本模板返回值是个迭代器, 即 x + (last-first)
 - x可以和 first相等

```
#include <vector>
#include <iostream>
#include <numeric>
#include <list>
#include <algorithm>
#include <iterator>
using namespace std;
class CLessThen9 {
    public:
        bool operator()( int n) { return n < 9; }
void outputSquare(int value ) { cout << value * value << " "; }</pre>
int calculateCube(int value) { return value * value * value; }
```

```
int main() {
    const int SIZE = 10;
    int a1[] = \{ 1,2,3,4,5,6,7,8,9,10 \};
    int a2[] = \{100,2,8,1,50,3,8,9,10,2\};
    vector<int> v(a1,a1+SIZE);
    ostream_iterator<int> output(cout," ");
    random_shuffle(v.begin(),v.end());
                                              输出:
    cout << endl << "1) ";
                                              1) 5 4 1 3 7 8 9 10 6 2
    copy( v.begin(),v.end(),output);
                                              2) 2
    copy( a2,a2+SIZE,v.begin());
                                              3)6
    cout << endl << "2 ) ";
                                              //1) 是随机的
    cout << count(v.begin(),v.end(),8);
    cout << endl << "3) ";
    cout << count_if(v.begin(),v.end(),CLessThen9());</pre>
```

```
cout << endl << "4) ";
cout << * (min_element(v.begin(), v.end()));
cout << endl << "5) ";
cout << * (max_element(v.begin(), v.end()));
cout << endl << "6) ";
cout << accumulate(v.begin(), v.end(), 0); //求和
```

输出:

- 4) 1
- 5) 100
- 6) 193

```
cout << endl << "7) ";
for_each(v.begin(), v.end(), outputSquare);
vector<int> cubes(SIZE);
transform(a1, a1+SIZE, cubes.begin(), calculateCube);
cout << endl << "8) ";
copy(cubes.begin(), cubes.end(), output);
return 0;
                输出:
                7)10000 4 64 1 2500 9 64 81 100 4
                8)1 8 27 64 125 216 343 512 729 1000
```

3. 删除算法

- ▲ 删除 一个容器里的某些元素
- ▲ 删除 一 不会使容器里的元素减少
 - 将所有应该被删除的元素看做空位子
 - 用留下的元素从后往前移, 依次去填空位子
 - 元素往前移后, 它原来的位置也就算是空位子
 - 也应由后面的留下的元素来填上
 - 最后, 没有被填上的空位子, 维持其原来的值不变
- ▲ 删除算法不应作用于关联容器

3. 删除算法

算法名称	功能
remove	删除区间中等于某个值的元素
remove_if	删除区间中满足某种条件的元素
remove_copy	拷贝区间到另一个区间. 等于某个值的元素不拷贝
remove_copy_if	拷贝区间到另一个区间. 符合某种条件的元素不拷贝
unique	删除区间中连续相等的元素, 只留下一个(可自定义比较器)
unique_copy	拷贝区间到另一个区间. 连续相等的元素, 只拷贝第一个到目标区间 (可自定义比较器)

unique

template<class Fwdlt>

Fwdlt unique(Fwdlt first, Fwdlt last);

▲ 用 == 比较是否等

template<class FwdIt, class Pred>

FwdIt unique(FwdIt first, FwdIt last, Pred pr);

- ▲ 用 pr 比较是否等
- ▲ 对[first,last) 这个序列中连续相等的元素, 只留下第一个
- ▲ 返回值是迭代器, 指向元素删除后的区间的最后一个元素的后面

```
int main(){
    int a[5] = \{1,2,3,2,5\};
    int b[6] = \{1,2,3,2,5,6\};
    ostream_iterator<int> oit(cout,",");
    int * p = remove(a,a+5,2);
    cout << "1) "; copy(a,a+5,oit); cout << endl; //输出 1) 1,3,5,2,5,
    cout << "2) " << p - a << endl; //输出 2) 3
    vector<int> v(b,b+6);
    remove(v.begin(), v.end(), 2);
    cout << "3) "; copy(v.begin(), v.end(), oit); cout << endl;
    //输出 3) 1,3,5,6,5,6,
    cout << "4) "; cout << v.size() << endl;
   //v中的元素没有减少, 输出 4) 6
    return 0;
```

4. 变序算法

- ▲ 变序算法改变容器中元素的顺序
- ▲ 但是不改变元素的值
- ▲ 变序算法不适用于关联容器
- ▲ 算法复杂度都是O(n)的

算法名称	功能
reverse	颠倒区间的前后次序
reverse_copy	把一个区间颠倒后的结果拷贝到另一个区间,源区间不变
rotate	将区间进行循环左移
rotate_copy	将区间以首尾相接的形式进行旋转后的结果 拷贝到另一个区间,源区间不变

4. 变序算法

算法名称	功 能
next_permutation	将区间改为下一个排列(可自定义比较器)
prev_permutation	将区间改为上一个排列(可自定义比较器)
random_shuffle	随机打乱区间内元素的顺序
partition	把区间内满足某个条件的元素移到前面,不满足该条件的移到后面

4. 变序算法

stable_patition

- ▲ 把区间内满足某个条件的元素移到前面
- ▲ 不满足该条件的移到后面
- ▲ 而对这两部分元素, 分别保持它们原来的先后次序不变

random_shuffle

template<class RanIt>

void random_shuffle(RanIt first, RanIt last);

▲ 随机打乱[first,last) 中的元素, 适用于能随机访问的容器

reverse

template<class BidIt>
void reverse(BidIt first, BidIt last);

▲ 颠倒区间[first,last)顺序

next_permutation

template<class InIt>

bool next_permutaion (Init first,Init last);

▲ 求下一个排列

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <string>
using namespace std;
int main(){
    string str = "231";
                                                         输出:
    char szStr[] = "324";
                                                         312
    while (next_permutation(str.begin(), str.end())){
                                                         321
        cout << str << endl;
                                                          ***
                                                         342
    cout << "****" << endl;
                                                         423
                                                         432
    while (next_permutation(szStr,szStr + 3)){
        cout << szStr << endl;
```

```
sort(str.begin(), str.end());
cout << "****" << endl;
while (next_permutation(str.begin(), str.end()))
                                               输出:
    cout << str << endl;
                                               132
                                               213
return 0;
                                               231
                                               312
                                               321
```

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <string>
#include <list>
#include <iterator>
using namespace std;
int main(){
    int a[] = \{ 8,7,10 \};
    list<int> ls(a, a+3);
    while( next_permutation(ls.begin(), ls.end())) {
       list<int>::iterator i:
       for( i = ls.begin(); i != ls.end(); ++i)
           cout << * i << " ";
       cout << endl:
```

5. 排序算法

- ▲ 比前面的变序算法复杂度更高,一般是O(nlog(n))
- ▲ 排序算法需要随机访问迭代器的支持
- ▲ 不适用于关联容器和list

算法名称	功能
sort	将区间从小到大排序(可自定义比较器)
stable_sort	将区间从小到大排序 并保持相等元素间的相对次序(可自定义比较器)
partial_sort	对区间部分排序, 直到最小的n个元素就位(可自定义比较器)
nartial cort conv	将区间前n个元素的排序结果拷贝到别处 源区间不变(可自定义比较器)
nth_element	对区间部分排序, 使得第n小的元素(n从0开始算)就位, 而且比它小的都在它前面, 比它大的都在它后面(可自定义比较器)

5. 排序算法

算法名称	功能
make_heap	使区间成为一个"堆"(可自定义比较器)
push_heap	将元素加入一个是"堆"区间(可自定义比较器)
pop_heap	从"堆"区间删除堆顶元素(可自定义比较器)
sort_heap	将一个"堆"区间进行排序,排序结束后,该区间就是普通的有序区间,不再是"堆"了(可自定义比较器)

5. 排序算法

sort_heap

- ▲ 将一个"堆"区间进行排序
- ▲ 排序结束后, 该区间就是普通的有序区间, 不再是"堆"
- ▲ 可自定义比较器

sort 快速排序

template<class Ranlt> void sort(Ranlt first, Ranlt last);

- ▲ 按升序排序
- ▲ 判断x是否应比y靠前, 就看 x < y 是否为true

template<class RanIt, class Pred>
void sort(RanIt first, RanIt last, Pred pr);

- ▲ 按升序排序
- ▲ 判断x是否应比y靠前, 就看 pr(x,y) 是否为true

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
using namespace std;
class MyLess {
public:
   bool operator()( int n1,int n2) {
       return (n1 % 10) < ( n2 % 10);
      按个位数大小排序,
      按降序排序
      输出:
      111 2 14 78 9
       111 78 14 9 2
```

```
int main() {
    int a[] = \{ 14,2,9,111,78 \};
    sort(a, a + 5, MyLess());
    int i;
    for(i = 0; i < 5; i ++)
        cout << a[i] << " ";
    cout << endl;
    sort(a, a+5, greater<int>());
    for(i = 0; i < 5; i ++)
        cout << a[i] << " ";
```

- ▲ sort 实际上是快速排序, 时间复杂度 O(n*log(n))
 - 平均性能最优
 - 但是最坏的情况下, 性能可能非常差
- ▲ 如果要保证"最坏情况下"的性能,那么可以使用
 - stable_sort
 - stable_sort 实际上是归并排序, 特点是能保持相等元素之间的 先后次序
 - 在有足够存储空间的情况下,复杂度为 n * log(n), 否则复杂度为 n * log(n) * log(n)
 - stable_sort 用法和 sort相同。
- ⁴ 排序算法要求随机存取迭代器的支持,所以list不能使用 排序算法,要使用list::sort

UNIDA MARIA

▲ 此外还有其他排序算法:

算法名称	功 能	
partial_sort	部分排序, 直到 前n个元素就位即可	
nth_element	排序,直到第n个元素就位,并保证比第n个元素小的元素都在第n个元素之前即可	
partition	改变元素次序, 使符合某准则的元素放在前面	

6. 有序区间算法

- ▲ 要求所操作的区间是已经从小到大排好序的
- ▲ 需要随机访问迭代器的支持
- ▲ 有序区间算法不能用于关联容器和list

算法名称	功能	
binary_search	判断区间中是否包含某个元素	
includes	判断是否一个区间中的每个元素,都在另一个区间中	
lower_bound	查找最后一个不小于某值的元素的位置	
upper_bound	查找第一个大于某值的元素的位置	
equal_range	同时获取lower_bound和upper_bound	
merge	合并两个有序区间到第三个区间	



算法名称	功能
set_union	将两个有序区间的并拷贝到第三个区间
set_intersection	将两个有序区间的交拷贝到第三个区间
set_difference	将两个有序区间的差拷贝到第三个区间
set_symmetric_difference	将两个有序区间的对称差拷贝到第三个区间
inplace_merge	将两个连续的有序区间原地合并为一个有序区间

binary_search

- ▲ 折半查找
- ▲ 要求容器已经有序且支持随机访问迭代器, 返回是否找到

template<class Fwdlt, class T>

bool binary_search(FwdIt first, FwdIt last, const T& val);

▲ 上面这个版本, 比较两个元素x, y 大小时, 看 x < y

template<class Fwdlt, class T, class Pred>

bool binary_search(FwdIt first, FwdIt last, const T& val, Pred pr);

▲ 上面这个版本, 比较两个元素x, y 大小时, 若 pr(x,y) 为true, 则 认为x小于y

```
#include <vector>
#include <bitset>
#include <iostream>
#include <numeric>
#include <list>
#include <algorithm>
using namespace std;
bool Greater10(int n)
    return n > 10;
```

```
int main() {
                                                    输出:
   const int SIZE = 10;
                                                   1)8
   int a1[] = { 2.8,1.50,3.100,8.9.10,2 };
                                                    2) 3
   vector<int> v(a1,a1+SIZE);
   ostream_iterator<int> output(cout," ");
   vector<int>::iterator location;
   location = find(v.begin(),v.end(),10);
   if( location != v.end()) {
       cout << endl << "1) " << location - v.begin();
   location = find_if( v.begin(),v.end(),Greater10);
   if( location != v.end())
       cout << endl << "2) " << location - v.begin();
```

```
sort(v.begin(),v.end());
if( binary_search(v.begin(),v.end(),9)) {
      cout << endl << "3) " << "9 found";
}</pre>
```

```
输出:
1) 8
2) 3
3) 9 found
```

lower_bound, upper_bound, equal_range

lower_bound :

template<class Fwdlt, class T>

Fwdlt lower_bound(Fwdlt first, Fwdlt last, const T& val);

- ▲ 要求[first,last)是有序的
- ▲ 查找[first,last)中的, 最大的位置 Fwdlt, 使得[first,Fwdlt)中所有的元素都比 val 小

upper_bound

template<class Fwdlt, class T>

Fwdlt upper_bound(Fwdlt first, Fwdlt last, const T& val);

- ▲ 要求[first,last)是有序的
- ▲ 查找[first,last)中的, 最小的位置 Fwdlt, 使得[Fwdlt,last)中所有的元素都比 val 大

equal_range

template<class Fwdlt, class T>
pair<Fwdlt, Fwdlt> equal_range(Fwdlt first, Fwdlt last, const T& val);

- ▲ 要求[first,last)是有序的,
- ▲ 返回值是一个pair, 假设为 p, 则:
 - [first,p.first] 中的元素都比 val 小
 - [p.second,last)中的所有元素都比 val 大
 - p.first 就是lower_bound的结果
 - p.last 就是 upper_bound的结果

merge

template<class InIt1, class InIt2, class OutIt>

Outlt merge(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2, Outlt x);

用<作比较器

template<class InIt1, class InIt2, class OutIt, class Pred>

Outlt merge(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2, Outlt x, Pred pr);

用 pr 作比较器

⁴ 把[first1,last1), [first2,last2) 两个升序序列合并, 形成第3 个升序序列, 第3个升序序列以 x 开头

includes

template<class InIt1, class InIt2>
bool includes(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2);
template<class InIt1, class InIt2, class Pred>
bool includes(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2, Pred pr);

- ▲ 判断 [first2,last2)中的每个元素, 是否都在[first1,last1)中
 - 第一个用 <作比较器
 - 第二个用 pr 作比较器, pr(x,y) == true说明 x,y相等

set difference

template<class InIt1, class InIt2, class OutIt>
OutIt set_difference(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2, OutIt x);
template<class InIt1, class InIt2, class OutIt, class Pred>
OutIt set_difference(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2, OutIt x, Pred pr);

- ▲ 求出[first1,last1)中, 不在[first2,last2)中的元素, 放到 从 x 开始的地方
- ▲ 如果 [first1,last1) 里有多个相等元素不在[first2,last2)中,则这多个元素也都会被放入x代表的目标区间里

set intersection

template<class InIt1, class InIt2, class OutIt>
OutIt set_intersection(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2, OutIt x);
template<class InIt1, class InIt2, class OutIt, class Pred>
OutIt set_intersection(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2, OutIt x, Pred pr);

- ▲ 求出[first1,last1)和[first2,last2)中共有的元素, 放到从x开始的地方
- ▲ 若某个元素e 在[first1,last1)里出现 n1次, 在[first2,last2)里出 现n2次, 则该元素在目标区间里出现min(n1,n2)次

set_symmetric_difference

template<class InIt1, class InIt2, class OutIt>
OutIt set_symmetric_difference(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2, OutIt x);

template<class InIt1, class InIt2, class OutIt, class Pred>
OutIt set_symmetric_difference(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2, OutIt x, Pred pr);

⁴ 把两个区间里相互不在另一区间里的元素放入x开始的 地方

set_union

template<class InIt1, class InIt2, class OutIt>

Outlt set_union(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2, Outlt x);

用<比较大小

template<class Inlt1, class Inlt2, class Outlt, class Pred>
Outlt set_union(Inlt1 first1, Inlt1 last1, Inlt2 first2, Inlt2 last2,
Outlt x, Pred pr);

用 pr 比较大小

- ◆ 求两个区间的并, 放到以 x开始的位置
- ◆ 若某个元素e 在[first1,last1)里出现 n1次, 在[first2,last2)里出现n2次,则该元素在目标区间里出现max(n1,n2)次

bitset

```
template<size_t N>
class bitset
{
....
```

- ▲ 实际使用的时候, N是个整型常数
- ▲ 如:
 - bitset<40> bst;
 - bst是一个由40位组成的对象
 - 用bitset的函数可以方便地访问任何一位

bitset的成员函数:

- bitset<N>& operator&=(const bitset<N>& rhs);
- bitset<N>& operator = (const bitset<N>& rhs);
- bitset<N>& operator^=(const bitset<N>& rhs);
- bitset<N>& operator<<=(size_t num);
- bitset<N>& <u>operator>>=</u>(size_t num);
- bitset<N>& <u>set()</u>; //全部设成1
- bitset<N>& <u>set(size_t pos, bool val = true); //设置某位</u>
- bitset<N>& <u>reset()</u>; //全部设成0
- bitset<N>& <u>reset(size_t pos); //某位设成0</u>
- bitset<N>& <u>flip()</u>; //全部翻转
- bitset<N>& <u>flip(size_t pos); //翻转某位</u>

```
reference <u>operator[](size_t pos);</u> //返回对某位的引用
bool <u>operator[](size_t pos)</u> const; //判断某位是否为1
reference at(size_t pos);
bool at(size_t pos) const;
unsigned long to ulong() const; //转换成整数
string to string() const; //转换成字符串
size_t count() const; //计算1的个数
size_t <u>size()</u> const;
bool operator == (const bitset < N > & rhs) const;
bool operator!=(const bitset<N>& rhs) const;
```



```
bool <u>test(size_t pos)</u> const; //测试某位是否为 1
bool <u>any()</u> const; //是否有某位为1
bool <u>none()</u> const; //是否全部为0
bitset<N> operator<<(size_t pos) const;
bitset<N> operator>>(size_t pos) const;
bitset<N> operator~();
static const size_t bitset_size = N;
注意: 第0位在最右边
```