# 北京大学 2017-2018 学年度第 1 学期通选课期末试卷

# 逻辑导论

# 参考答案与评分标准

- 一、填空题。(第3小题2分,其余每小题3分,共20分)
  - 1. (1)  $\neg p \rightarrow q \circ (2) \neg (p \land \neg q) \circ (3) \neg (\neg p \lor \neg q) \circ$

【评分标准】每空1分。前两题等值式亦可。

2.  $\neg (p \rightarrow p) \rightarrow q$ ,  $\neg p \rightarrow (p \rightarrow q)$ ,  $p \rightarrow (\neg p \rightarrow q)$ ,  $\neg (p \rightarrow q) \rightarrow p$ ,  $p \rightarrow (\neg q \rightarrow p)$ ,  $\neg q \rightarrow (p \rightarrow p)$ 。 【评分标准】在以上公式中任选 3 个不重复的即可。每个 1 分。

3.

p	q	$p\triangle q$
1	1	0
1	0	1
0	1	1
0	0	0

【评分标准】全部正确评2分,有且仅有一处错误评1分,多于一处错误评0分。

4. (1) 中项至少周延一次。(2) 两个否定前提不能得出结论。(3) 前提中不周延的项在结论中不得周延。

【评分标准】每空1分。意思正确即可。

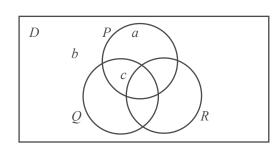
5.

【评分标准】每个空格完全正确得1分。

6. CEF.

【评分标准】每多选或少选一项扣1分。

7.



【评分标准】每有一个元素位置正确得1分。

第1页,共5页

# 二、解答与证明。(共20分)

8. (5分)

【答案例】真值表方法:

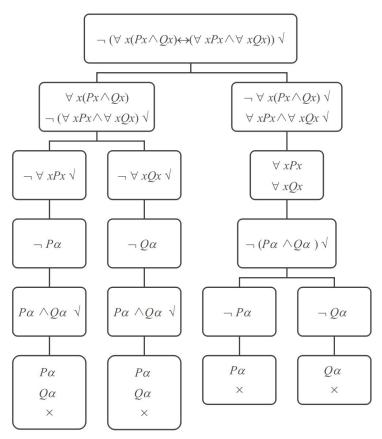
p	q	r	$p \rightarrow (q \land r)$	$q \leftrightarrow (p \rightarrow \neg r)$	$(q \lor r) \rightarrow p$
1	1	1	1	0	1
1	1	0	0	1	1
1	0	1	0	1	1
1	0	0	0	0	1
0	1	1	1	1	0
0	1	0	1	1	0
0	0	1	1	0	0
0	0	0	1	0	1

表中可见,没有一行的赋值方式能使三个公式均为真,所以原公式不能同真。

【评分标准】证明方法不唯一。归谬赋值法、树形图方法、文字叙述推导等证明方式均可。

- 9. (10分)
- (1)  $\neg \exists x \exists y (Lx \land Ly \land \neg x = y \land Sxy)$ 。(2 分)
- (2)  $\forall x (Px \rightarrow \exists y Fyx \land \exists z Mzx) \land \neg \forall x (Px \rightarrow \exists y (Fxy \lor Mxy))$ 。 (2 分)
- (3)  $\forall x \forall y (Bx \land Gy \land Lxy \rightarrow \forall z (Gz \land \neg z=y \rightarrow \neg Lxz))$  . (3  $\not$
- (4)  $\forall x (Nx \land x < 2 \leftrightarrow x = 0 \lor x = 1) \land \neg 0 = 1$ , 或  $N0 \land N1 \land 0 < 2 \land 1 < 2 \land \neg 0 = 1 \land \forall x \forall y \forall z (Nx \land Ny \land Nz \land x < 2 \land y < 2 \land z < 2 \rightarrow x = y \lor y = z \lor x = z)$ 等。(3分)

【评分标准】答案不唯一。以 0.5 分为单位,按语形的正确度、语义的完整度和准确度酌情给分。 10. (5 分)



所有的枝都封闭, 故原式的否定不可满足, 所以原式是有效式。

【评分标准】根节点正确 1 分,枝叶延伸正确 2 分, $\sqrt{\phantom{0}}$  、×标记规范 1 分,得出合乎逻辑的结论 1 分。 三、推理应用题。(共 20 分)

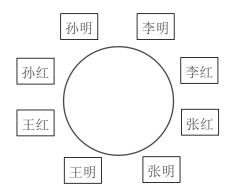
- 11. (8分)
- (1) (2  $\oiint$ )  $A \rightarrow B \lor \neg B$ ,  $B \rightarrow C$ ,  $\neg B \rightarrow D$ ,  $D \rightarrow C \vdash A \rightarrow C$ .
- (2)(4分)
  - (1)  $A \rightarrow B \lor \neg B$ 前提 (2)  $B \rightarrow C$ 前提 (3)  $\neg B \rightarrow D$ 前提 (4)  $D \rightarrow C$ 前提 (5) qA假设 0.5分 (6)  $B \lor \neg B$ (1)(5)→- (或 P<sup>N</sup> 定理) 0.5分 (7) $\neg B$ 假设 0.5分 (8) D $(3) (7) \rightarrow -$ 0.5分 (9)C $(4) (8) \rightarrow -$ 0.5分  $(7) (9) \rightarrow +$ 0.5分 (10) $\neg B \rightarrow C$  $(11) \mid C$  $(6) (2) (10) \lor -$ 0.5分  $(12)A \rightarrow C$  $(5)(11) \to +$ 0.5分

(3)(2分)

【答案例】如果我们买保险,那么我们或者出险或者不出险。如果我们不出险,那么我们很安心。如果我们出险,那么我们得赔偿。如果我们得赔偿,那么我们很安心。所以,如果我们买保险,那么我们很安心。 安心。

【评分标准】"二难推理"形式正确1分,前提和结论合乎常理1分。

#### 12. (6分)



【评分标准】每空1分。

# 13. (6分)

- (1) 无效的推理形式:  $\neg A \rightarrow B$ ,  $C \rightarrow A$ ,  $C \vdash \neg B$  (或"由否定前件来否定后件")。
- (2) 四概念错误(或"两个前提中'中国的大学'的意义未保持同一")。
- (3) 无效的推理形式:  $\forall x (Ax \rightarrow Cx)$ ,  $\forall x (Bx \rightarrow Cx)$ ,  $\forall x (Cx \rightarrow Ax \lor Bx)$ ,  $Ca \vdash Aa \land Ba$  (或"结论中的'并且'有误, 应为'或者'")。

【评分标准】每题2分, 言之成理即可。

### 四、形式推演。(共20分)

- 14. (5分,每行1分)
- (1)  $\circ (A \rightarrow A) \rightarrow A$

假设

- (2) $\circ A$
- 假设
- (3)  $A \rightarrow A$
- $(2)(2) \to +$

(4)A

- $(1)(3) \to -$
- $(5) \quad ((A \rightarrow A) \rightarrow A) \rightarrow A$
- $(1) (4) \to +$
- (8分, 第7-11行每行0.4分, 其余每行0.5分)
- (1)  $\bigcirc \forall x \neg (Px \land \forall yQy)$

假设

- (2)
- $\bigcirc Px$  $\bigcirc \forall yQy$

x, 假设

- (3)
- (4) $Px \land \forall yQy$

假设 x, (2) (3)  $\wedge$  +

- (5)
- $\neg (Px \land \forall yQy)$

 $(1) \forall -$ 

(6)  $\neg \forall y Q y$   $(3) (4) (5) \neg +$ 

- (7)
- $\bigcirc \neg \exists y \neg Qy$

假设

- (8)
- $\bigcirc \neg Qy$

y, 假设

- (9)(10)
- $\exists y \neg Qy$

(8)∃+

- Qу (11) $\forall yQy$

 $(8) (9) (7) \neg -$ 

- (12)
- $\exists y \neg Qy$

 $(10) \forall +$ 

(13)

 $(7)(11)(6) \neg -$ 

 $\neg Q\alpha$ (14) $Px \rightarrow \neg Q\alpha$  (12)∃-

 $(2)(13) \to +$ 

 $(15) \mid \exists y (Px \rightarrow \neg Oy)$ 

 $(14) \exists +$ 

 $(16) \mid \forall x \exists y (Px \rightarrow \neg Qy)$ 

- $(15) \forall +$
- $(17) \forall x \neg (Px \land \forall yQy) \rightarrow \forall x \exists y (Px \rightarrow \neg Qy)$
- $(1)(16) \rightarrow +$

- 16. (7分,每行0.5分)
- (1)  $\forall x \forall y \forall z (Rxy \land Ryz \rightarrow Rxz)$
- 前提
- (2)  $\forall x \forall y (Rxy \rightarrow Ryx)$
- 前提 前提

(3)  $\exists y \forall x R x y$ (4)  $\forall xRx\alpha$ 

 $(3)\exists -$ 

(5)  $Rx\alpha$ 

- $(4) \forall -$
- (6)  $\forall y (Rxy \rightarrow Ryx)$
- $(2) \forall -$

(7)  $Rx\alpha \rightarrow R\alpha x$ 

 $(6) \forall -$ 

(8)  $R \alpha x$ 

- $(7)(5) \rightarrow -$
- (9)  $\forall y \forall z (Rxy \land Ryz \rightarrow Rxz)$
- $(1) \forall -$
- $(10) \forall z (Rx\alpha \land R\alpha z \rightarrow Rxz)$
- (9) ∀-
- $(11) Rx \alpha \wedge R\alpha x \rightarrow Rxx$
- $(10) \forall -$

(12)  $Rx\alpha \land R\alpha x$ 

 $(5)(8) \land +$ 

(13) Rxx

 $(11)(12) \rightarrow -$ 

 $(14) \forall xRxx$ 

 $(13) \forall +$ 

#### 五、分析与探究。(共20分)

18. (1)  $\forall x (Mx \rightarrow Px)$  (1分); (2)  $\exists x (Sx \land Mx)$  (1分); (3)  $\exists x (Sx \land Px)$  (1分)。

19. (4分)

$(1) \ \forall x (Mx \rightarrow Px)$	前提	0.25分
$(2) \ \exists x (Sx \land Mx)$	前提	0.25分
(3) $S\alpha \wedge M\alpha$	(2)∃-	0.5分
(4) $M\alpha$	$(3) \land -$	0.5分
(5) $M\alpha \rightarrow P\alpha$	$(1) \forall -$	0.5分
(6) <i>Pα</i>	$(5) (4) \rightarrow -$	0.5分
(7) $S\alpha$	$(3) \land -$	0.5分
(8) $S\alpha \wedge P\alpha$	(7) (6) ∧+	0.5分
$(9) \ \exists x (Sx \land Px)$	(8)∃+	0.5分

- 20. (1)结论本可以得出全称命题,却[根据差等关系]得出了[更弱的]特称命题。(1分,意思正确即可。方括号内的关键词须至少出现1个。)(2)在EAO-1,AEO-2,EAO-2,AEO-4中任选一个即可。(1分)
  - 21. (3分)图略。

【评分标准】正确图示第一个前提1分,正确图示第二个前提1分,正确图示结论1分。

22. (6分)

- (1)  $\forall x (Mx \rightarrow Px) \land \forall x (Sx \rightarrow Mx) \rightarrow \exists x (Sx \land Px) .$  (1  $\not$  $\Rightarrow$ )
- (2)(5分)

【答案例】取整数集为个体域, M 解释为偶数集, P 解释为自然数集, S 解释为"比 2 大且比 1 小的偶数"的集合,则大前提"所有的偶数都是自然数"为真,小前提"所有比 2 大且比 1 小的偶数都是偶数"也为真,故蕴含式前件为真,但蕴含式后件"存在一个整数既是比 2 大且比 1 小的偶数又是自然数"为假,故在此解释下整个蕴含式为假,所以不是普遍有效的。

【评分标准】指明个体域 1 分,S 解释为空集 1 分,S, M, P 的解释满足  $S \subseteq M \subseteq P$  得 1 分,运用公式真值说明为何不有效 2 分。