

STATISTIQUES POUR CONTRÔLE QUALITE



PLAN DU COURS

- Principes du contrôle statistique de la qualité.
- Techniques pour l'échantillonnage d'acceptation.
- Contrôle statistique du processus.
- Administration du contrôle statistique de la qualité
- Méthodes et outils d'amélioration de la qualité
- Exemples d'applications industrielles en génie

- Les problèmes ne viennent pas tant de ce l'on ignore, mais de l'on sait. ARTEMUS WARD
- L'Education, c'est l'homme qui progresse de la certitude ignorante à l'incertitude réfléchie. DON CLARK'S SCRAPBOOK
- Ne dites pas « j'ai trouvé la vérité », mais plutôt « j'ai trouvé une vérité ». KHALIL GIBRAN
- Il faut utiliser les modèles, non y croire. HENRI THEIL



Quelques rappels

- Types de variables
- Fréquences



Principes du contrôle statistique de la qualité

Contexte

- Entreprise moderne se doit de se soucier de la qualité sinon plus de marchés
- Le contrôle qualité coûte de l'argent et du temps
- Impossibilité de contrôler <u>10</u>0 % surtout si essais destructifs

- Nécessité de procéder par échantillonnage
- L'échantillon doit être le plus réduit possible pour donner le meilleur jugement sur la qualité du lot

Population :

- Un ensemble d'éléments caractérisé par un critère permettant de les identifier clairement (qualitative, quantitative)
- Pour certains cas difficulté à définir (béton, coulée, fabrication,..)



Echantillon :

- Sous ensemble de la population dont la mesure des caractéristiques permet d'estimer celle de la population (inférence statistique)
- Choix de l'échantillon est crucial (aléatoire, hasard,...)



Caractéristique des échantillons

- Caractéristique de tendance centrale:
 - Moyenne
 - Avantage : facile à calculer et à manipuler mathématiquement
 - Inconvénient : peu robuste (valeurs extrêmes)
 - Médiane
 - Avantage: robuste
 - Inconvénient : plus compliqué à manipuler théoriquement

Exemples



Caractéristique des échantillons

- Caractéristique de dispersion
 - Étendue : valeur max valeur min
 - Avantage : facile à calculer
 - Inconvénient : peu robuste
 - Interquartile : $I_Q = Q3 Q1$
 - Avantage: robuste
 - Inconvénient : plus compliqué à manipuler théoriquement

– Ecart quadratique moyen :

EQM =
$$1/n \sum_{i=1}^{n} (xi - m)^2$$

- Avantage: facile à calculer et à manipuler mathématiquement
- Inconvénient : peu robuste (valeurs extrêmes)

– Variance :

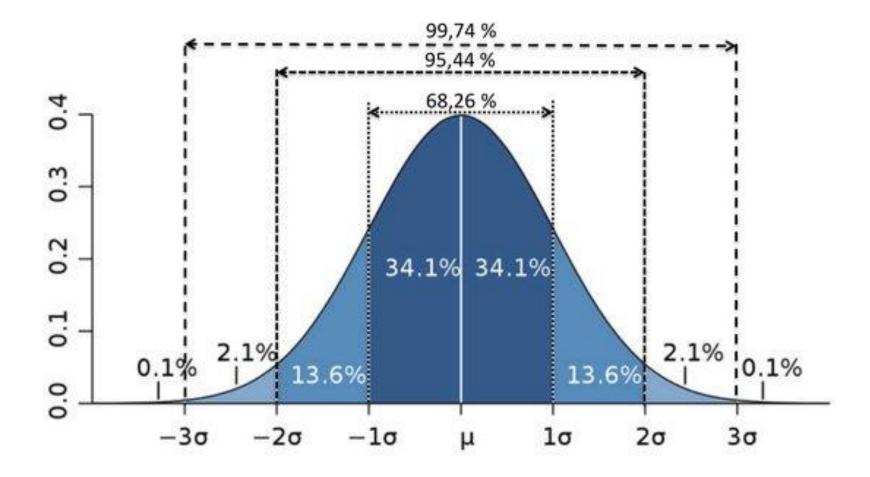
$$S^2 = 1/(n-1) \sum_{i=1}^{n} (xi - m)^2$$

Loi normale

De nombreuses variables aléatoires ont pour fonction de densité une courbe en forme de cloche ou courbe de Gauss.

Il s'agit de la loi statistique la plus répandue et la plus utile

•
$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}e^{-\frac{1}{2}(\frac{x-\mu}{\sigma})^2}$$





Contrôle statistique

- Contrôle de fabrication et contrôle de réception
 - Contrôle qualitatif : la pièce est vérifiée par rapport à un étalon pour voir si elle est conforme ou non
 - Contrôle quantitatif : une caractéristique de la pièce est mesurée et l'on vérifie si la mesure est dans l'intervalle de tolérance



Deux types de contrôle

- Contrôle de fabrication : effectué en cours de fabrication pour limiter les rejets
- Contrôle de réception : contrôle effectué par le client pour s'assurer de la qualité du produit



Contrôle de réception

- L'objectif est de porter un jugement sur la proportion de pièces p défectueuses dans un lot.
- Deux parties se trouvent en présence dont chacune à des exigences qui se traduisent comme suit:

- Le fournisseur ne voudrait pas qu'on rejette un lot contenant p₀ ou moins de pièces non conformes. C'est le NQA
- Le client ne voudrait pas qu'il accepte un lot qui contient p₁
 ou plus de pièces non conformes. C'est le NQT

Il faut remarquer dès ce stade que p₀ et p₁ sont définis à partir de considérations techniques et non statistiques :

- Le fournisseur peut déterminer p_0 en fonction de son matériel, de son prix de vente, etc.
- Le client détermine p₁ en fonction des conséquences économiques ou techniques qu'entraîne pour lui la présence de pièces défectueuses dans les lots réceptionnés.

Matrice	Le Lot est conforme	Le lot n'est pas conforme
Refus	Risque α	Bonne décision
Acceptation	Bonne décision	Risque β



Université Internationale

Je souhaite que le risque soit inférieur à 5% que vous me refusiez mes lots de bonne qualité



Je souhaite que le risque soit inférieur à 10% d'accepter des lots de mauvaise qualité



FOURNISSEUR

CLIENT



N: taille d'un lot

n: taille de l'échantillon

c: critère d'acceptation des lots (#unité défectueuses)

 α : risque du fournisseur (refuser un bon lot)

 β : risque du client (accepter un mauvais lot)



1- Tirer au hasard un échantillon de taille n à partir du lot de taille N.

2- Déterminer le nombre d'unités défectueuses d'unités d'unités défectueuses d'unités d'unités

3- Comparer ce nombre (d) avec un critère d'acceptation c. Ce critère est le nombre maximal d'unités défectueuses dans un échantillon pour que le lot soit accepté.

4- Accepter le lot si d est égal ou inférieur à c.

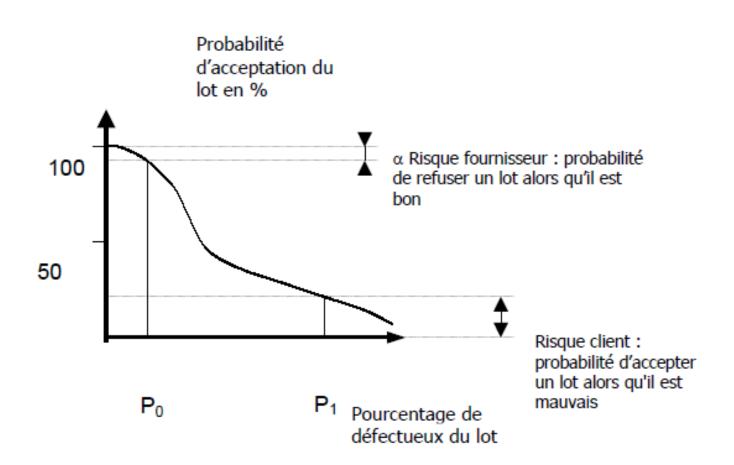
Connaissant n et c, il est possible, par référence à la loi binomiale, de calculer la probabilité P(p) d'accepter un lot où la proportion de pièces défectueuses serait égale à une valeur p donnée quelconque :

$$P(p) = \sum_{k=0}^{c} C_{n}^{k} p^{k} (1-p)^{n-k}$$

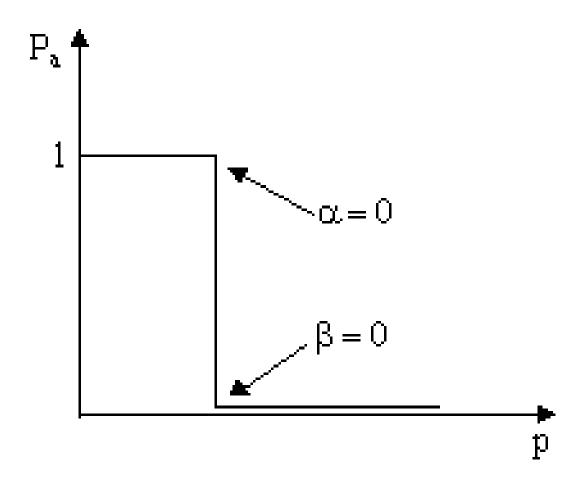
P(p) varie avec p. La courbe représentative de la fonction P(p) est appelée la *courbe d'efficacité* de la règle de contrôle.



Courbe d'efficacité



Courbe idéale



- Il est délicat de déterminer le plan qui convient aux deux risques.
- Dans le contrôle de qualité, on doit spécifier les valeurs de p0,p1, α et β et calculer les valeurs de n et c afin de respecter ces deux risques. Ceci revient à résoudre les deux équations suivantes afin de trouver n et c.

$$ightharpoonup 1- \alpha = \sum_{k=0}^{\infty} {C_n}^k p_0^k (1-p_0)^{n-k}$$

$$> \beta = \sum_{k=0}^{c} C_{n}^{k} p_{1}^{k} (1-p_{1})^{n-k}$$

 L'utilisation de tables standard permet de définir le plan d'échantillonnage, c.a.d la taille n de l'échantillon et le critère d'acceptation c.



Table de Cameron pour la détermination d'un plan simple

Valeurs de $\frac{p_2}{p_1}$ pour $\alpha = 0.05$ et

 $\beta = 0.10; \beta = 0.05; \beta = 0.01$

Valeurs de $\frac{p_2}{p_1}$ pour $\alpha = 0.01$ et

 $\beta = 0.10; \beta = 0.05; \beta = 0.01$

		ρ 0,05, β	100		$\beta = 0.10; \beta = 0.05; \beta = 0.01$						
C	$\alpha = 0.05$ $\alpha = 0.05$		$\alpha = 0.05$			$\alpha = 0.01$	$\alpha = 0.01$	$\alpha = 0.01$			
	$\beta = 0.10$	$\beta = 0.05$	$\beta = 0.01$	# ₽ 1	С	$\beta = 0.10$	$\beta = 0.05$	$\beta = 0.01$	<i>mp</i> ₁		
0	44,890	58,404	89,781	0,052	0	229,105	298,073	458,21	0,010		
1	10,946	13,349	18,681	0,355	1	26,184	31,933	44,686	0,149		
2	6,509	7,699	10,280	0,818	2	12,206	14,439	19,278	0,436		
3	4,890	5,675	7,352	1,366	3	8,115	9,418	12,202	0,823		
4	4,057	4,646	5,890	1,970	4	6,249	7,156	9,072	1,279		
5	3,549	4,023	5,017	2,613	5	5,195	5,889	7,343	1,785		
6	3,206	3,604	4.435	3,286	6	4,520	5,082	6,253	2,330		
7	2,957	3,303	4,019	3,981	7	4,050	4,524	5,506	2,906		
8	2,768	3,074	3,707	4,695	8	3,705	4,115	4,962	3,507		
9	2,618	2,895	3,462	5,426	9	3,440	3,803	4,548	4,130		
10	2,497	2,750	3,265	6,169	10	3,229	3,555	4,222	4,771		
11	2,397	2,630	3,104	6,924	11	3,058	3,354	3,959	5,428		
12	2,312	2,528	2,968	7,690	12	2,915	3,188	3,742	6,099		
13	2,240	2,442	2,852	8,464	13	2,795	3,047	3,559	6,782		
14	2,177	2,367	2,752	9,246	14	2,692	2,927	3,403	7,477		
15	2,122	2,302	2,665	10,035	15	2,603	2,823	3,269	8,181		
16	2,073	2,224	2,588	10,831	16	2,524	2,732	3,151	8,895		
17	2,029	2,192	2,520	11,733	17	2,455	2,652	3,048	9,616		
18	1,990	2,140	2,458	12,442	18	2,393	2,580	2,956	10,346		
19	1,954	2,103	2,403	13,254	19	2,337	2,516	2,874	11,082		
20	1,922	2,065	2,352	14,072	20	2,287	2,458	2,799	11,825		
21	1,893	2,030	2,307	14,894	21	2,241	2,405	2,733	12,574		
22	1,865	1,999	2,265	15,719	22	2,200	2,357	2,671	13,329		
23	1,840	1,969	2,226	16,548	23	2,162	2,313	2,615	14,088		
24	1,817	1,942	2,191	17,382	24	2,126	2,272	2,564	14,853		
25	1,795	1,917	2,158	18,218	25	2,094	2,235	2,516	15,623		
26	1,775	1,893	2,127	19,058	26	2,064	2,200	2,472	16,397		
27	1,757	1,871	2,098	19,900	27	2,035	2,168	2,431	17,175		
28	1,739	1,850	2,071	20,746	28	2,009	2,138	2,393	17,957		
29	1,723	1,831	2,046	21,594	29	1,985	2,110	2,358	18,742		
30	1,707	1,813	2,023	22,444	30	1,962	2,083	2,324	19,532		

^{*} J.M. Cameron, « Tables for Constructing and for Computing the Operating Characteristics of Single-sampling Plans ». Industrial Quality Control, July 1952, pp. 37-39.



Université Internationale de Casablanca

LAUREATE INTERNATIONAL UNIVERSITIES

Tableau 12.4. Tableau d'inspection par échantillonnage standard simple par attributs ($\alpha=0.05, \beta=0.10$)

	-						137 34											
P1 (%)	0.71	0.91	1.13	1.41	1.81	2.25	2.81	3.56	4.51	5.61	7,11	9.01	11.3	14.1	18.1	22.5	28.1	0, (%)
Po (%)	0.90	1.12	1.40	1.80	2.24	2.80	3.55	4.50	5.60	7.10	9.00	11.2	14.0	18.0	22.4	28.0	35.5	P ₀ (%
0.090-0.112	1, 4	400.1	1	- - -	1	→	60 0	50 0	·+	1	1	+	1	1	1	1	1	0.090-0.112
0.113~0.140	•	. ↓	300 1	1	- ←	1	→ 1	1	40 0	+	I	1	+	1	1	 i	t i	0.113-0.140
0.141-0.180		500 2	- ¥	250 1	1	· +-	1	→	1	30 0	+		1	+	1	1	1	0.141-0.180
0.181-0.224		•	400 2	1	200 1	T.	+	T	→	1	25 0	Ť	I	ì	+	Ť	 	0.181-0.224
0.225-0.280	. •	*	500 3	300 2	1	150 1	T	+	T		1	20 0	+	I I	i	+	+*	0.225-0.280
0.281 ~ 0.355				400 3	250 2	T	120 1	1	+	1	-	1	15 0	+	- *		1 2	0.281 -0.355
0.356~0.450	•	•	•		300 3	200 2	T.	100 1	1	+	1	→	1.50	15 0	*	 	H	0.356-0.450
0.451-0.560						250 3	150 2	1	80 1	1	-	1	 	1.50	10 0	*	 *	
0.561 -0.710	•		7.00	• ,		300 4		120 2	Ĭ.	60 1	1	+	l í	→	100	70	*	0.451 -0.560
0.711~0.900	•		. • :		_	400 6			100.2	1	50 1	1	+	1	→	4	= 0	0.561 -0.710
0.901-1.12	1			•	7.	•			120 3	80 2	30.	40 1	1	*	7	-	20	0.711-0.900
1.13 -1.40			•			•	50010		150 4	100 3	60 2	40 1	30 1	7	*	1.	1	0.901~1.12
1.41 -1.80			7						200 6		80 3	50 2	30 1	25.1	+	+	1	1.13 -1.40
1.81 -2.24	1	7		7 7 7	•	•		****		150 6		60 3	40 2	25 1	20.4	1	*	1.41 -1.80
2.25 -2.80	-	10.0	. 1	17. 5.							120 6	_		20.0	20 1	*	-	1.81 -2.24
2.81 -3.55	7												50 3	30 2	*	15 1	*	2.25 -2.80
3.56 -4.50	\vdash				_						20010		60 4	40 3	25 2	+	10 1	2.81 ~3.55
4.51 -5.60			-			-	7	-	-		-	15010		50 4	30 3		+	3.56 -4.50
5.61 -7.10	<u></u>	11	1 10 1	100		-	- 4 T		6	-			12010		40 4	25 3	15 2	
7.11 -9.00	2					- 1		1	-			÷		10010			203	
9.01 -11.2	1		- +;-			-			\$		-		•	-	7010			7.11 ~9.00
	S. 1	- 1			-		- 1		- 4	30.0	1,20	•	. *	•	•	6010	30 6	9.01 -11.2
. 0	0.71	0.91	1,13	1,41	1.81	2.25	2.81	3.56	4.51	5.61	7.11	9.01	11.3	14.1	18.1	22.5	28.1	Po (%)
ρ, (%)	0.90	1,12	1.40	1.80	2.24	2.80	3.55	4.50	5.60	7.10	9.00	11.2	14.0	18.0	22.4	28.0	35.5	P, (%)

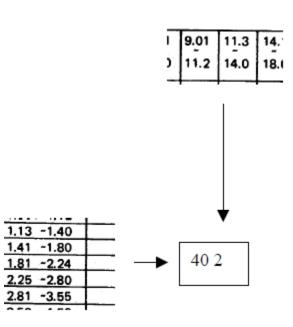
Utiliser la première colonne de n, c dans la direction de la flèche. Il n'y a pas de méthode d'échantillonnage pour les cases vides (n en caractère maigre, e en gras).

• Exemple:

$$P_0 = 2\%$$

$$P_0 = 2\%$$

 $P_1 = 12\%$





- n = 40
- c = 1
- p = 2%

Quelle est la probabilité de rejeter un lot?

Quelle est la probabilité d'accepter un lot?

- n = 40
- c = 1
- p = 2%

Quelle est la probabilité de rejeter un lot?

Prob de rejeter α = P(X>1 si p = 2%) = 1 - P(X ≤ 1 si p = 2%)

 $P(p) = \sum_{k=0}^{c} C_n^k p^k (1-p)^{n-k} = 0.19$ (loi binomiale xls)

Quelle est la probabilité d'accepter un lot?

 β = Prob d'accepter = P(X \le 1 si p = 2%) = 0,81



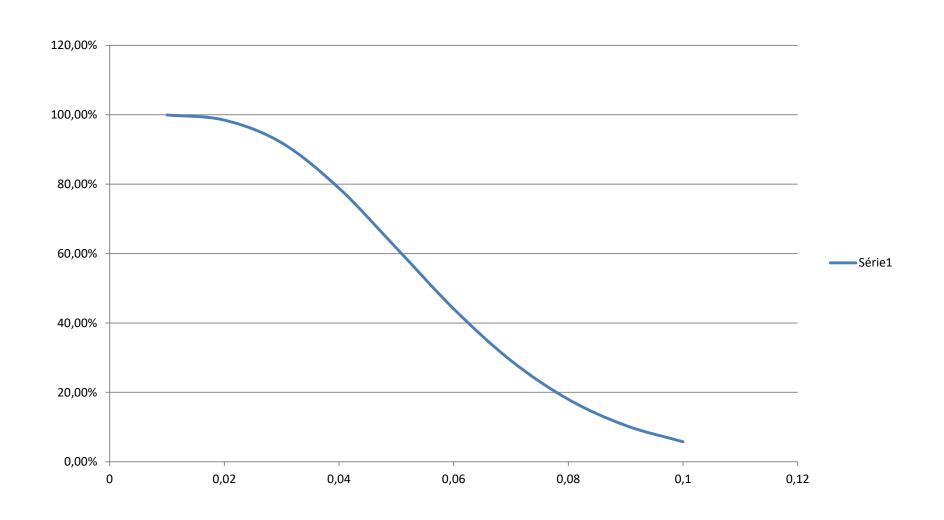
Soit un lot de N=1500 pièces parmi lequel un échantillon de n=100 pièces est prélevé pour inspection. Le lot est refusé lorsque le nombre d'unités défectueuses excède c=5 pièces dans l'échantillon; tracez la courbe d'efficacité de ce plan d'échantillon.

Pour tracer la courbe d'efficacité, il faut calculer la probabilité d'observer 5 pièces défectueuses ou moins pour différentes valeurs de p (différentes proportions d'unités défectueuses).

Courbe d'efficacité pour un plan d'échantillonnage n=100, c=5.

n	р	С	<u>Pa</u>
100	0,01	5	0,99946547
100	0,02	5	0,98451636
100	0,03	5	0,91916287
100	0,04	5	0,78837486
100	0,05	5	0,61599913
100	0,06	5	0,44069272
100	0,07	5	0,29142485
100	0,08	5	0,17987644
100	0,09	5	0,10451715
100	0,1	5	0,05757689





 Quel est le risque du fournisseur si celui-ci spécifie un niveau de qualité acceptable (NQA) de 2.5%?

Le risque du fournisseur (α) étant le risque de refuser un bon lot, ce que l'on cherche est la probabilité de refuser un lot dont la qualité est de 2.5% d'unités défectueuses.

$$\alpha$$
 = 1-Prob(accepter un lot avec p=2,5%, n=100, c=5) =1-Pa

Pa = 0,96 d'où
$$\alpha$$
 = 1-0,96=0,04

Si le client spécifie que son niveau de qualité toléré (NQT) est de 10%, quel est le risque d'accepter un lot d'une telle qualité?

Le risque du client (β) est le risque d'accepter un mauvais lot.

 β = Prob (accepter un mauvais lot avec p=10%, n=100, c=5) = Pa

$$\beta$$
 = Pa = 0,06



Si le client spécifie un risque β de 10%, quel est son niveau de qualité toléré (NQT)?

Sur le graphique, pour β = Pa = 10%, on lit p=NQT = 9,1%.



NQA

 Dans la pratique lorsque la taille des lots, le niveau de contrôle et le NQA, on peut déterminer à l'aide de tables la taille des échantillons, et le nombre de défectueux dans l'échantillon pour qu'on puisse accepter le lot et celui pour qu'on puisse refuser le lot



EFFECTI	F DE	S LOTS	LETTRE CODE	EFFECTIF DES ECHANTILLONAGES
2	à	8	Α	2
9	à	15	В	3
16	à	25	С	5
26	à	50	D	8
51	à	90	E	13
91	à	150	F	20
151	à	280	G	32
281	à	500	н	50
501	à	1200	J	80
1201	à	3200	κ	125
3201	à	10000	L	200
10001	à	35000	М	315
35001	à	150000	N	500
150001	à	500000	P	800
> à	5000	01	Q	1250



Université Internationale de Casablanca

LAUREATE INTERNATIONAL LINIVERSITIES

Lettre code	n	A=0 R=1	A=1 R=2	A=2 R=3	A=3 R=4	A=5 R=6	A=7 R=8	A=10 R=11	A=14 R=15	A=21 R=22
Α	2	6,5								
В	3	4								
С	5	2,5	10							
D	8	1,5	6,5	10						
E	13	1	4	6,5	10					
F	20	0,65	2,5	4	6,5	10				
G	32	0,4	1,5	2,5	4	6,5	10			
Н	50	0,25	1	1,5	2,5	4	6,5	10		
J	80	0,15	0,65	1	1,5	2,5	4	6,5	10	
K	125	0,1	0,4	0,65	1	1,5	2,5	4	6,5	10
L	200	0,065	0,25	0,4	0,65	1	1,5	2,5	4	6,5
М	315	0,04	0,15	0,25	0,4	0,65	1	1,5	2,5	4
N	500	0,025	0,1	0,15	0,25	0,4	0,65	1	1,5	2,5
P	800	0,015	0,065	0,1	0,15	0,25	0,4	0,65	1	1,5
Q	1250		0,025	0,04	0,065	0,1	0,15	0,25	0,4	0,65



Contrôle de lots de 4000 pièces niveau de contrôle II avec un NQA de 1% :

- déterminer la taille de l'échantillon,
- déterminer les critères d'acceptation et de rejet.



La première table correspond à un niveau de contrôle II (le plus utilisé), elle permet de déterminer la lettre code (L) ainsi que la taille de l'échantillon: n=200

La deuxième table nous permet de déterminer à partir de la lettre code et du NQA (1%) les critères A d'acceptation et R de rejet: A=5 et R=6.

Cela signifie que pour valider le lot nous allons contrôler un échantillon de 200 pièces.

Si l'échantillon comporte A(5) ou moins de A pièces défectueuses le lot sera accepté et si l'échantillon comporte R(6) ou plus de R pièces défectueuses le lot sera refusé.



Cartes de contrôle

- Outil de base pour le contrôle des procédés
- Son objectif est de maîtriser un processus mesurable par suivi graphique temporel basé sur des fondements statistiques
- Les causes des variations peuvent être classées en deux catégories:
 - Causes communes (aléatoire, stable et uniforme)
 - Causes spéciales (assignable)

- Le meilleur outil pour déterminer la cause de la variation est la carte de contrôle
- Une carte de contrôle permet d'isoler les causes des variations spéciales et ainsi les éradiquer pour rendre le processus stable, prévisible et sous contrôle



Causes des dispersions

- Causes communes:
- Dispersion aléatoires (habituel)
- Pas de modèle, pas de tendance
- Inhérent au processus
- Ajuster le procédé augmente la variabilité
- Causes spéciales
- Dispersion systématique (inhabituel)
- Peut suivre une tendance, un modèle
- Assignable, explicable, contrôlable
- Un ajustement de procédé diminue sa variation

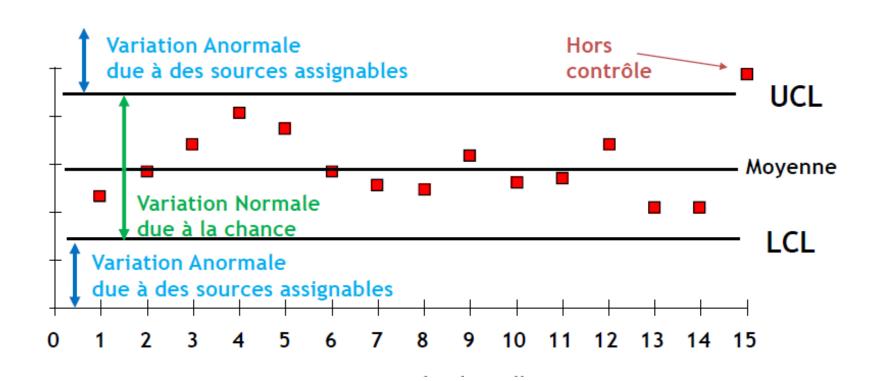
<u>Dispersion totale = Dispersion systématique + Dispersion aléatoire</u>



Carte de Contrôle

- Objectif: suivre le résultat d'un procédé pour voir s'il est aléatoire
- Une représentation, ordonnée dans le temps, des statistiques d'échantillons obtenus lors d'un procédé en cours (i.e. moyennes d'échantillons)
- Les limites de contrôle basse et haute définissent l'écart de variation acceptable pour un procédé donné (+ ou -3σ).

Carte de Contrôle





Les cartes de contrôle en général

- Elles sont nommées en fonction du type de données entrées, i.e., Xbar, R, p, et c
- Elles ont une ligne centrée, qui représente la moyenne globale
- Elles ont des limites au-dessous et en dessus la ligne centrale à ± 3 écarts type (en général)

Limite de contrôle haute (UCL)
Ligne centrale
Limite de contrôle basse (LCL)

Limite de contrôle basse (LCL)



Applications des cartes de contrôle

- Visualisation de l'état du contrôle statistique
- Suivi d'un procédé / machine (monitoring) et signalisation d'une dérive du procédé / machine (hors contrôle)
- Détermination de la capabilité du procédé/machine



Création de cartes de contrôle

- Préparer
 - Choisir la mesure
 - Déterminer comment collecter les données,
 l'échantillonage, la taille, la fréquence
 - Créer une carte de contrôle initiale
- Collecter les données
 - Enregistrer les données
 - Effectuer les calculs appropriés (moyenne, écart type...)
 - Enregistrer les données dans la carte



Étapes suivantes

- Déterminer les limites de contrôle
 - Ligne centrale (moyenne des mesures)
 - Calcule des limites UCL, LCL (+/- 3 σ)
- Analyser et interpréter les résultats
 - Déterminer si le procédé est sous contrôle
 - Éliminer les mesures hors contrôle
 - Recalculer les limites de contrôle si besoin



Limites

- Limites de contrôle et de procédé:
 - Statistique
 - Les limites de procédés sont utilisés pour les mesures individuelles
 - Les limites de contrôle sont utilisées pour les moyennes
 - Limites = $Xbar \pm 3\sigma$
 - Définit ce qui est normal (causes communes) & anormal (causes spécifiques)
- Limites de spécification:
 - Ingénierie, produit fini
 - Limites = objectif ± tolerance
 - Définit ce qui est acceptable & inacceptable pour le client

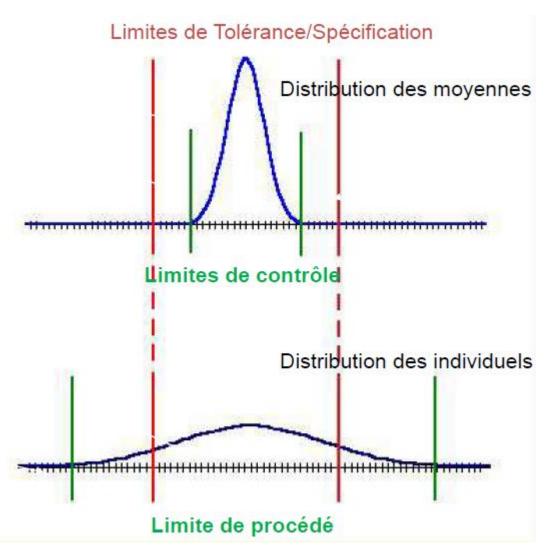


Limites de contrôle vs limites de procédé

Variance des moyennes

<

Variance des mesures individuelles



Centrage du procédé

- Carte X bar
- X bar = moyenne des mesures d'un échantillon

$$\bar{X} = \frac{\sum_{1}^{n} X_{i}}{n}$$

- Dispersion du procédé
 - Carte R
 - R écart des mesures d'un échantillon

$$R = max(X_i) - min(X_i)$$

Care X bar

- La ligne centrale est la moyenne des moyennes (X double bar)
- Les points sont des X bars $\bar{\bar{X}} = \frac{\sum_{j=1}^{m} \bar{X}}{m}$
- Limite de contrôle supérieure UCL = $\bar{\bar{X}}$ + $A_2\bar{R}$

• Limite de contrôle inférieure LCL = \bar{X} - $A_2\bar{R}$

Carte R

- La ligne centrale est la moyenne des écarts (R bar)
- Les points sont les R (écart de chaque échantillon)
- Les valeurs A₂, D₃ et D₄ sont définies en fonction de la taille de l'échantillon

$$UCL = D_4 \overline{R} \qquad LCL = D_3 \overline{R}$$



Université Internationale de Casablanca

LAUREATE INTERNATIONAL LINIVERSITIES

Coefficients pour les cartes de contrôle

	Chart for Averages			Chart for	Standar	d Devia	tions				Chart f	or Rang	es			
01	F	actors fo	r	Facto	ors for					Facto	rs for					
Observations in	Co	ntrol Lin	nits	Cente	r Line	Facto	rs for C	ontrol L	imits	Cente	r Line		Facto	ors for C	ontrol L	imits
Sample, n	Α	A ₂	A3	C ₄	1/c ₄	B_3	B_4	B_5	B_6	d_2	1/d ₂	d_3	D_1	D_2	D_3	D_4
2	2.121	1.880	2.659	0.7979	1.2533	0	3.267	0	2.606	1.128	0.8865	0.853	0	3.686	0	3.267
3	1.732	1.023	1.954	0.8862	1.1284	0	2.568	0	2.276	1.693	0.5907	0.888	0	4.358	0	2.574
4	1.500	0.729	1.628	0.9213	1.0854	0	2.266	0	2.088	2.059	0.4857	0.880	0	4.698	0	2.282
5	1.342	0.577	1.427	0.9400	1.0638	0	2.089	0	1.964	2.326	0.4299	0.864	0	4.918	0	2.114
6	1.225	0.483	1.287	0.9515	1.0510	0.030	1.970	0.029	1.874	2.534	0.3946	0.848	0	5.078	0	2.004
7	1.134	0.419	1.182	0.9594	1.0423	0.118	1.882	0.113	1.806	2.704	0.3698	0.833	0.204	5.204	0.076	1.924
8	1.061	0.373	1.099	0.9650	1.0363	0.185	1.815	0.179	1.751	2.847	0.3512	0.820	0.388	5.306	0.136	1.864
9	1.000	0.337	1.032	0.9693	1.0317	0.239	1.761	0.232	1.707	2.970	0.3367	0.808	0.547	5.393	0.184	1.816
10	0.949	0.308	0.975	0.9727	1.0281	0.284	1.716	0.276	1.669	3.078	0.3249	0.797	0.687	5.469	0.223	1.777
11	0.905	0.285	0.927	0.9754	1.0252	0.321	1.679	0.313	1.637	3.173	0.3152	0.787	0.811	5.535	0.256	1.744
12	0.866	0.266	0.886	0.9776	1.0229	0.354	1.646	0.346	1.610	3.258	0.3069	0.778	0.922	5.594	0.283	1.717
13	0.832	0.249	0.850	0.9794	1.0210	0.382	1.618	0.374	1.585	3.336	0.2998	0.770	1.025	5.647	0.307	1.693
14	0.802	0.235	0.817	0.9810	1.0194	0.406	1.594	0.399	1.563	3.407	0.2935	0.763	1.118	5.696	0.328	1.672
15	0.775	0.223	0.789	0.9823	1.0180	0.428	1.572	0.421	1.544	3.472	0.2880	0.756	1.203	5.741	0.347	1.653
16	0.750	0.212	0.763	0.9835	1.0168	0.448	1.552	0.440	1.526	3.532	0.2831	0.750	1.282	5.782	0.363	1.637
17	0.728	0.203	0.739	0.9845	1.0157	0.466	1.534	0.458	1.511	3.588	0.2787	0.744	1.356	5.820	0.378	1.622
18	0.707	0.194	0.718	0.9854	1.0148	0.482	1.518	0.475	1.496	3.640	0.2747	0.739	1.424	5.856	0.391	1.608
19	0.688	0.187	0.698	0.9862	1.0140	0.497	1.503	0.490	1.483	3.689	0.2711	0.734	1.487	5.891	0.403	1.597
20	0.671	0.180	0.680	0.9869	1.0133	0.510	1.490	0.504	1.470	3.735	0.2677	0.729	1.549	5.921	0.415	1.585
21	0.655	0.173	0.663	0.9876	1.0126	0.523	1.477	0.516	1.459	3.778	0.2647	0.724	1.605	5.951	0.425	1.575
22	0.640	0.167	0.647	0.9882	1.0119	0.534	1.466	0.528	1.448	3.819	0.2618	0.720	1.659	5.979	0.434	1.566
23	0.626	0.162	0.633	0.9887	1.0114	0.545	1.455	0.539	1.438	3.858	0.2592	0.716	1.710	6.006	0.443	1.557
24	0.612	0.157	0.619	0.9892	1.0109	0.555	1.445	0.549	1.429	3.895	0.2567	0.712	1.759	6.031	0.451	1.548
25	0.600	0.153	0.606	0.9896	1.0105	0.565	1.435	0.559	1.420	3.931	0.2544	0.708	1.806	6.056	0.459	1.541

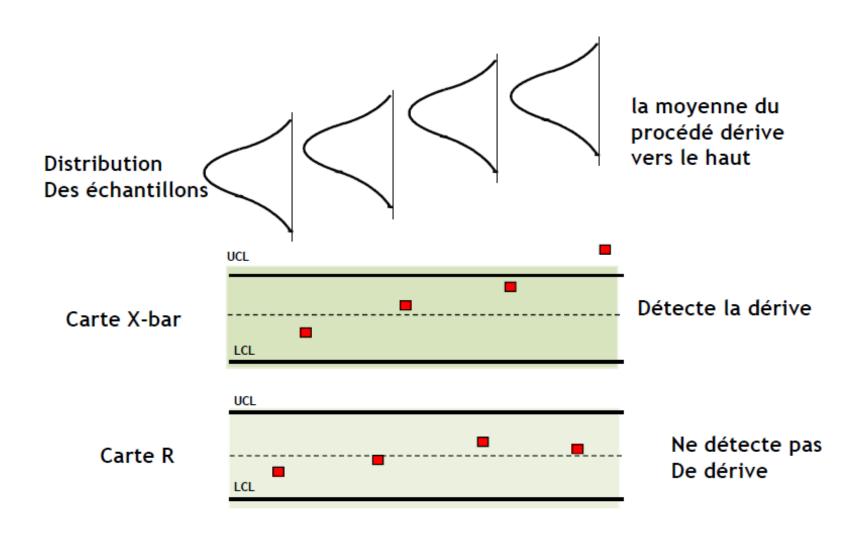


Exemple

Fichier Excel

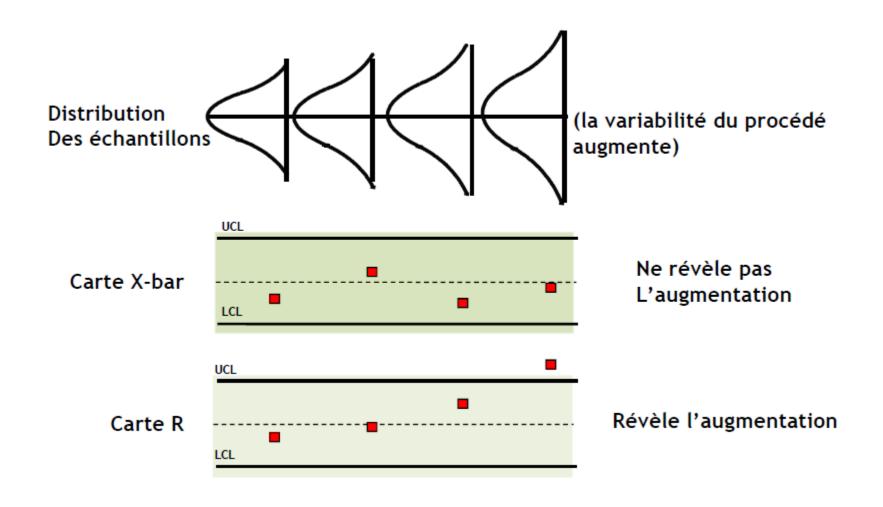


Université Internationale Cartes des moyennes et des écarts





Cartes des moyennes et des écarts





Utilisation

Résultat du contrôle	Constat	Interprétation	Correction à apporter			
LCI LCI	Pas de grande variation de la moyenne	Processus réglé et stable	Pas de correction à envisager.			
LCS X LCI	La dernière moyenne est trop grande et sort des limites de contrôle	Le processus dérive, il faut en trouver la cause pour le corriger durablement	Intervenir et régler le processus. Utiliser le journal de bord pour trouver la cause et corriger			
LCS X LCI	Une série de sept points consécutifs du même coté de la moyenne	Le processus dérive, ce qui peut être dû à un mauvais réglage initial.	Intervenir et régler le processus. Utiliser le journal de bord pour trouver la cause et corriger			
LCS X LCI	Série de sept points consécutifs en dérive constante.	Processus en dérive constante, risque de production mauvaise	Régler le processus. Chercher la cause, sans doute spéciale			



Résultat du contrôle	Constat	Interprétation	Correction à apporter
LCI CI	Les 2/3 des points sont en dehors d'une zone centrée autour de la moyenne	Forte probabilité de dérive due à une cause aléatoire	Renforcer la surveillance . Modifier les conditions de production pour trouver la cause aléatoire

Résultat du contrôle	Constat	Interprétation	Correction à apporter
LCS R LCI	Pas de grande variation de l'étendue	Processus réglé et stable.	Pas de correction à envisager.
LCS R LCI	L'étendue d'un échantillon sort des limites de contrôle.	Etendue trop grande, le processus n'est plus capable	



Mises sous contrôle

- Utiliser un outil de résolution de problème
 - Continuer à collecter et enregistrer les données
 - Faire une action corrective si besoin
- Mettre sous contrôle la fabrication
- Pour cela, il existe 2 indicateurs :
 - L'indice de capabilité du procédé / machine
 - Cp/Cm
 - L'indicateur de déréglage (Capabilité réelle)
 - Cpk/Cmk



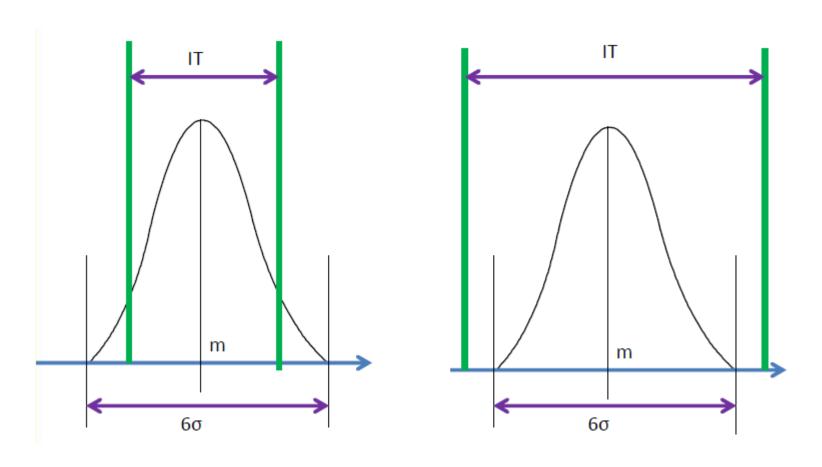
Capabilité du Procédé / Machine

- Tolérances ou spécifications (IT)
 - Écart de valeurs acceptables établi pour un produit par les concepteurs (ingénieurs) ou par les
- besoins du clients.
 - Variabilité du Procédé / machine
- Variabilité naturelle dans un procédé / machine
- Capabilité du procédé / machine
 - Variabilité relative d'un procédé / machine par rapport à une spécification.



Indice de Capabilité

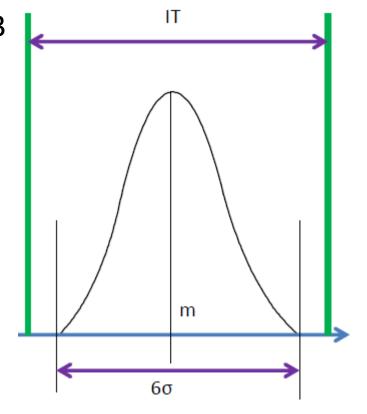
Cet indicateur compare la performance attendue (IT) et la performance obtenue (Dispersion)



Indice de Capabilité

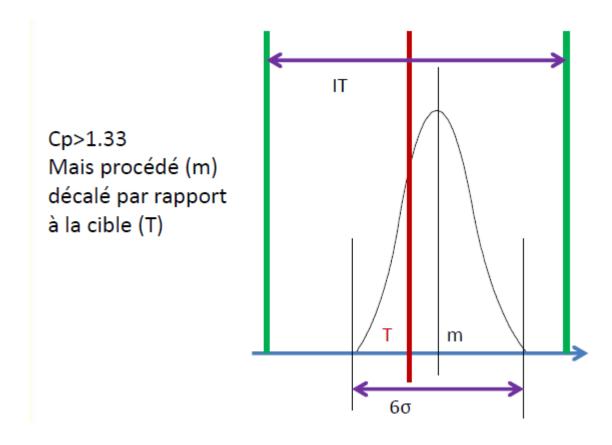
• Cp ou Cm =
$$\frac{Intervalle\ de\ tolérance}{Dispersion\ instantanée} = \frac{IT}{6\sigma}$$

- La machine sera capable si Cm > 1,33
- Le procédé sera capable si Cp > 1,33



Indicateur de déréglage

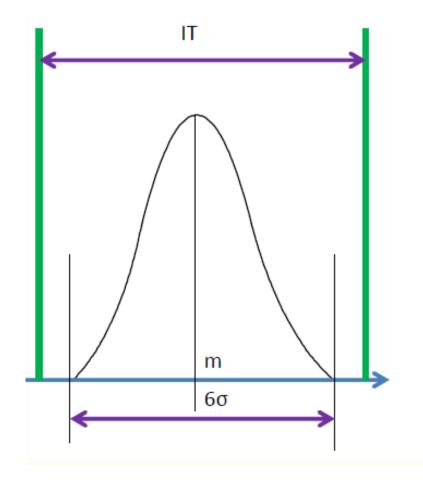
L'indicateur Cm ou Cp ne suffit pas car il ne tient pas compte du déréglage. On introduit alors un autre indicateur Cmk ou Cpk.

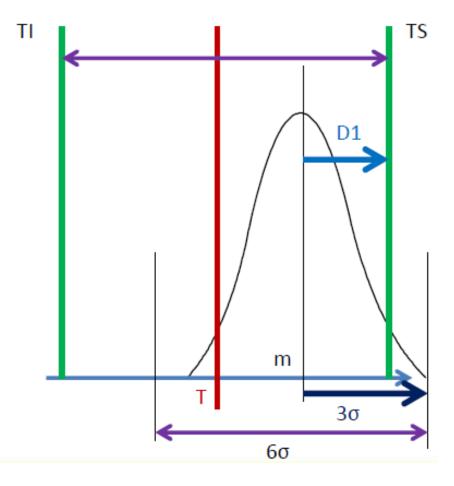




Indice de déréglage

Cpk ou Cmk =
$$\frac{Distance \ moyenne \ / \ limite \ spec + proche}{\frac{1}{2}Dispersion \ instantanée} = \frac{D1}{3\sigma}$$

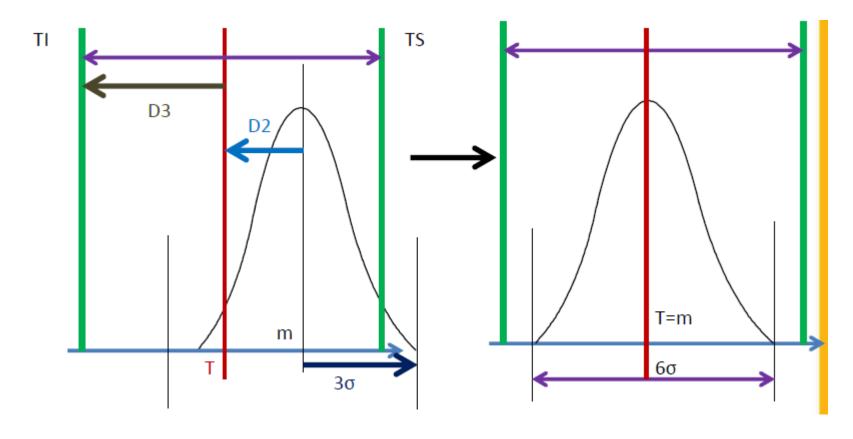




Indice de déréglage

$$K = \frac{Distance\ entre\ cible\ et\ moyenne}{\frac{1}{2}Tolérance} = \frac{|T-m|}{(TI-TS)/2} = \frac{D2}{D3}$$

Si le procédé est centré : T=m, k=0 alors Cpk=Cp





Indice de capabilité réelle

La machine sera capable si Cmk > 1,33

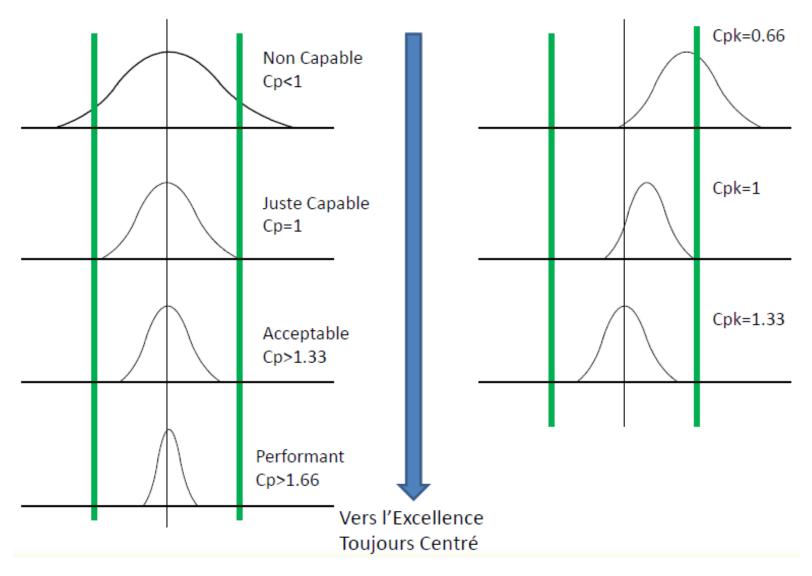
Le procédé sera capable si Cpk > 1,33

La capacité machine apparaît comme une limite de la capabilité procédé, c'est-à-dire que Cpk tend vers Cmk quand on maitrise les 4M autre que la machine.

(Main d'œuvre Méthode, Milieu, Matière)



En résumé





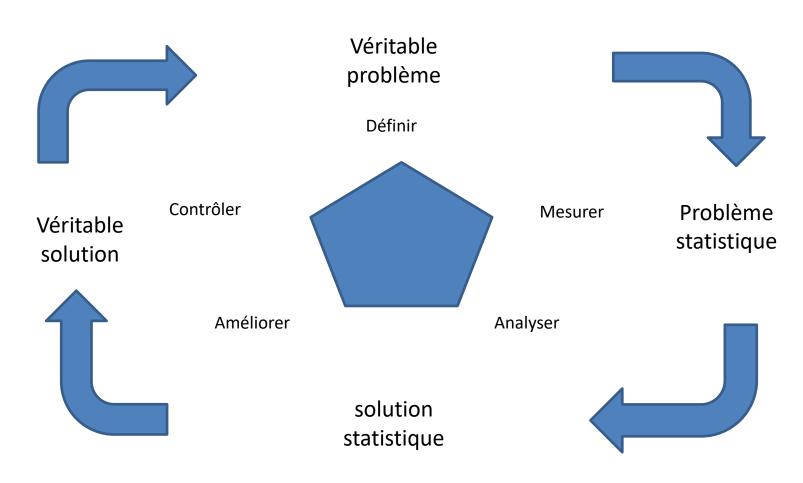
Exemple

Fichier Excel



Méthodes et outils d'amélioration de la qualité

L'approche DMAIC





C'est une approche de résolution de problèmes complexes

Un ensemble d'activités et de processus

Présentation des différentes activités et des procédures pour chacune des étapes du DMAIC

- D1. identification et cartographie haut niveau des processus à analyser
- D2. identification des parties prenantes
- D3. identifications et affectation d'un code de priorité pour chaque besoin et exigence du client



Mesurer : traduction du problème sous une forme quantitative, mesure de la situation actuelle, définition des objectifs

M1: sélection des CTQ's (Critical to Quality)

M2 : définition opérationnelle des CTQ's et des exigences

M3 : validation du système de mesure de chaque CTQ

M4 : évaluations de la capacité actuelle des processus de production

M5 définition des objectifs



Analyser: identification des facteurs d'influence et des causes de détermination du comportement de chaque CTQ

A1: identification de facteurs potentiels d'influence

A2 : sélection des facteurs d'influence vitaux et critiques

Innover (Improve) : conception et mise en place des ajustements au sein du processus de production pour améliorer la performance des CTQ's

I1 : quantification des relations entre les différentes variables(Xs) et les CTQ's

I2 : conceptions d'actions de modification processus, au paramétrage des facteurs d'influence de manière à optimiser les CTQ's

13 : conduite d'une série de tests pilotes des actions d'amélioration



Contrôler : vérification empirique des résultats du projet, ajustements de la gestion des processus et du système de contrôle pour garantir l'amélioration de la performance sur le long terme

C1 : définition de nouvelles capacités pour le processus

C2 : mise en place de plans de contrôle



DMAIC : ACTIVITES & METHODES ASSOCIEES

Définir:

Le sujet et l'objectif sont définis de manière spécifique

- CTQ externe. Les grandes lignes des attentes du client
- CTQ interne. Comment le mesurer
- Unité. L'objet dont le CTQ interne est un attribut
- Défauts et opportunités. Un défaut se produit à partir d'une opportunité. Le nombre de défauts par million d'opportunités (DPMO) correspond à la qualité d'un processus de production.
- Population. Elle est constituée de toutes les opportunités Lorsque tous les termes précédents ont été définis, on peut entamer la phase de mesure.



DMAIC : ACTIVITES & METHODES ASSOCIEES

Mesurer:

Obtenir un ensemble de données fiables et cohérentes. Pour y parvenir, un ensemble de précautions :

- Validité. La mesure reflète-t-elle l'objectif et/ou l'attribut que nous voulons analyser?
- Biais. Existe-t-il des facteurs qui influencent les mesures? Ainsi, la population que nous mesurons se comporte-t-elle de manière différente par rapport à ce qu'elle est réellement?
- Stabilité. Fluctuation dans le temps
- Résolution. Degré de détails et de précisions. Elle définit la quantité d'informations qui peut être fournie



DMAIC: ACTIVITES & METHODES ASSOCIEES

- Linéarité. Déviation au niveau des extrêmes
- Répétabilité. Si la mesure est répétée dans les mêmes conditions, le résultat est-il le même?
- Reproductibilité. Variation obtenue par plusieurs personnes qui mesurent le même échantillon en utilisant la même technique de mesure



DMAIC : ACTIVITES & METHODES ASSOCIEES

Analyser:

La capacité actuelle peut être évaluée.

En outre, les objectifs d'amélioration peuvent être définies.

- Carte de contrôle.
- Analyse de la répartition. Forme de la distribution
- Analyse de capacité du processus. On fixe les limites de spécifications



Une fois la capabilité du processus connue, on peut prévoir plus précisément les objectifs. Deux indicateurs

- 1. Une nouvelle moyenne (objectif) pour CTQ int
- Un nouveau niveau de la variance est établi pour déterminer comment le futur processus peut fluctuer tout en restant tout le temps dans les limites de spécification

Une fois les différences entre les valeurs actuelles et futures de la moyenne et du niveau de variabilité



DMAIC : ACTIVITES & METHODES ASSOCIEES

Améliorer:

Faire la différence entre les vital few et trivial many.

Une fois les facteurs d'influence identifiés, un certains nombre d'entre eux permettent de prévoir le comportement du CTQ. Une équation mathématique est modélisée

- Régression
- Plan d'expérience. Lien de causalité
- Modèle linéaire général. Var discrète et var continues
- Les var d'influence peuvent s'influencer mutuellement
- CTQ = f(X1, X2, X3,....Xn) fonction de transfert



DMAIC: ACTIVITES & METHODES ASSOCIEES

Améliorer:

Ainsi connaissant les valeurs cibles pour CTQ on peut calculer grâce à la fonction de transfert :

- la moyenne optimale des X pour atteindre la moyenne optimale de CTQ
- La variation maximale autorisé de X, à l'intérieur des limites de spécifications pour CTQ



DMAIC : ACTIVITES & METHODES ASSOCIEES

Améliorer:

Donc au lieu de simplement mesurer le résultat, nous identifions et contrôlons les facteurs d'influence sur ce même résultat.

Cela fournit les moyens de gérer, d'adapter et d'améliorer le processus de production.

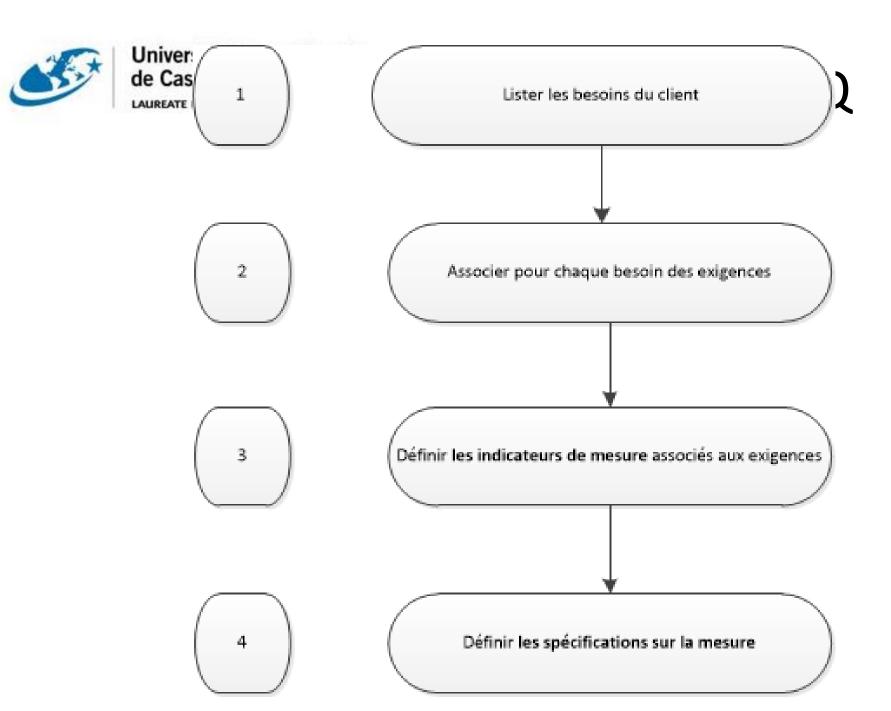


DMAIC : ACTIVITES & METHODES ASSOCIEES

contrôler:

De manière à garder le contrôle sur l'amélioration du processus, un système de suivi est mis en place

- OCAP (out of control action plan)
- Les boucles de carte de contrôle





Méthodes et outils d'amélioration de la qualité

- OUTIL 1 : QQOQCCP
- OUTIL 2: BRAINSTORMING
- OUTIL 3: VOTE PONDERE
- OUTIL 4: DIAGRAMME D'ISHIKAWA
- OUTIL 5 : DIAGRAMME DE PARETO
- OUTIL 6 : FEUILLE DE COLLECTE DE DONNEES
- OUTIL 7 : DIAGRAMME DE FLUX



OUTIL 1: QQOQCCP

- Cet outil permet de définir précisément le problème
- Permet aussi de construire le plan de collecte des données dans la phase <u>Mesurer</u>
- Permet de définir le plan de contrôle dans la phase Contrôler
- <u>Objectif</u>: avoir toutes les informations nécessaires pour étudier un système
- Mode opératoire: Sept questions



Les questions du QQOQCCP

Question	Exemple
Qui ?	Parties prenantes telles que demandeur, client,
Quoi ?	Objet, processus, méthode, opération
Où ?	Lieu, département, atelier, activité
Quand ?	Date, durée, planning, moment
Comment ?	Ressources, procédures, manière
Combien ?	Argent, temps, quantité, fréquence, pourcentage
Pourquoi ?	Réaliser telle action, respecter telle procédure



OUTIL 2: BRAINSTORMING

Objectif: résoudre un problème en groupe pluridisciplinaire en recherchant les causes et/ou les solutions.

Mode opératoire : trois étapes

- 1. Recherche:
- 2. Regroupement et combinaison des idées :
- 3. Conclusion:



OUTIL 3: VOTE PONDERE

Permet de faciliter le choix entre plusieurs possibilités pour avoir une décision consensuelle.

Objectif: Permet de faire le choix lorsque les données sont qualitatives en l'absence de données factuelles chiffrées

Mode opératoire :

- 1. Multicritère : chacune des causes est pondérée en fonction de deux critères, la gravité et la fréquence. Le poids relatif de chaque cause est établi par la multiplication des poids attribués à chacun des critères.
- 2. Simple : sans critère. Suffisant si problème pas complexe. Chaque membre choisit les causes et les classe. On additionne les points et on retient l'option qui a le total le plus élevé



OUTIL 4: DIAGRAMME D'ISHIKAWA

Le diagramme d'ishikawa également appelé diagramme cause à effet, ou en arête de poisson ou de 5M à 7M, permet de mettre en relation toutes les causes potentielles d'un problème, de les classer et de les hiérarchiser.

Objectif:

- Associer des causes multiples à un seul effet ou problème.
- Mettre en évidence les relations de causes à effet

Mode opératoire :

- 1. Définir l'effet ou problème
- 2. Chercher en brainstorming, toutes les causes possibles
- 3. Regrouper en familles les causes : Milieu, main-d'œuvre, machine, matière, méthode, Eventuellement mesures, management



Milieu







L'environnement

- Bouchons routiers → prise du béton
- Pluie mouillant les granulats ou baissant la temp des enrobés
- Forte humidité ou vents puissants impactant sur la qualité des soudures
-



Main d'oeuvre



Opérateur:

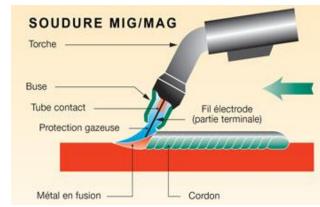
- non formé ou non qualifié
- Mal encadré
- Sabotage
- Manque de communication entre les personnes
- Démotivé
- Absence de sécurité
- ...



Machine







- Machine-outil : ne peut pas usiner à la tolérance, non capable
- Postes de soudures non réglés (tension, pression gaz...)
- Centrale à béton ou enrobés déréglée
- concasseur
- Ordinateur ralenti par un virus
- Réseau informatique en panne



matière







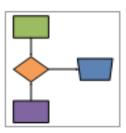
Les intrants dans la fabrication

- Qualité des granulats (changement de front à la carrière)
- Eau de gâchage polluée
- Fluctuations dans la pression du gaz
- Les boulons n'ont plus le même pas de vis



Méthode



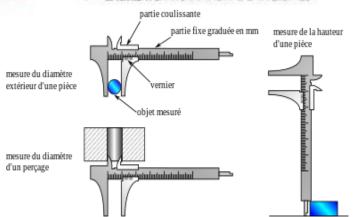


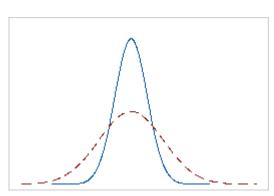
Processus de fabrication

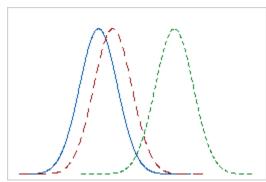
- Le temps de malaxage insuffisant
- Préchauffage non uniforme
- Pas assez d'espace de stockage
- Le planning de livraison est mal conçu
- Décoffrage à trop jeune âge



Mesures







Fiabilité de l'information

- Étalonnage
- Répétabilité (même opérateur, plusieurs instruments)
- Reproductibilité (même instrument, plusieurs opérateurs)



Management



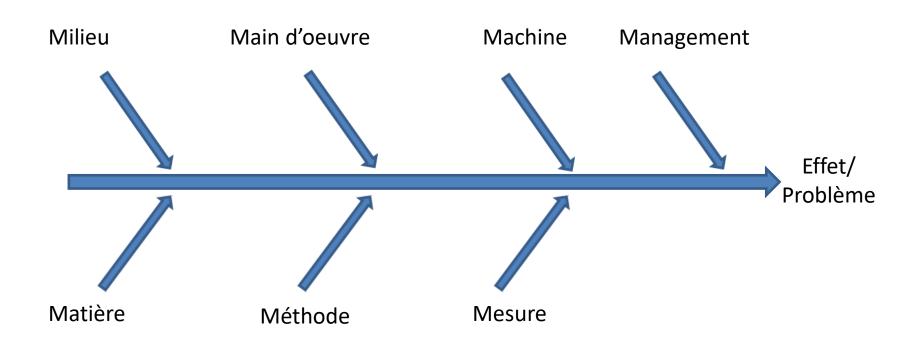


Encadrement

- Directif, non participatif
- Pas de reconnaissance
- Pas de plan de carrière



OUTIL 4: DIAGRAMME D'ISHIKAWA





L'ANALYSE DES CINQ POURQUOI

Pour identifier les symptômes et comprendre la véritable cause d'un problème

Cela consiste à pose la question « pourquoi » cinq fois

Parvenu au quatrième ou cinquième pourquoi, on touche la cause réelle du problème.

Très souvent les premières cause relèvent de problèmes managériaux ou organisationels



L'ANALYSE DES CINQ POURQUOI : Exemple

Niveau	Pourquoi?	Causes
1 ^{er}	Pourquoi?	Le bétonnage a connu plusieurs arrêt
2 ^e	Pourquoi?	Pas assez de malaxeurs sur site
3 e	Pourquoi?	Il n'y qu'une seule centrale à béton de mobilisée et les camions sont restés coincés dans les embouteillages
4 ^e	Pourquoi?	l'effet du trafic n'a pas bien été estimé
5 ^e	Pourquoi?	Le planificateur n'a tenu compte que du rendement de la centrale sans tenir compte du temps de trajet



L'ANALYSE DES CINQ POURQUOI : proverbe Anglais

For want of a nail, the shoe was lost

- Faute d'un clou, le fer à cheval fut perdu
- Faute d'un fer à cheval, le cheval fut perdu
- Faute d'un cheval, le cavalier fut perdu
- Faute d'un cavalier, le message fut perdu
- Faute du message, la bataille fut perdue
- Faute d'une bataille, le pays fut perdu Et tout ça faute d'un clou de fer à cheval



OUTIL 5 : DIAGRAMME DE PARETO

Basé sur le principe de Pareto selon lequel 20% de la population détiennent 80% de la richesse.

Objectif:

Mettre en évidence graphiquement les causes prioritaires. La loi postule que 80% des effets sont imputables à seulement 20% des causes



DIAGRAMME DE PARETO : Mode opératoire

- 1. Etablir la liste des critères à hiérarchiser;
- 2. Noter la fréquence de chaque critère;
- 3. Classer les critères dans le sens décroissant en fonction de leur fréquence;
- 4. Calculer la fréquence en pourcentage de chaque critère
- 5. Calculer la fréquence en pourcentage cumulé
- 6. Tracer le graphique

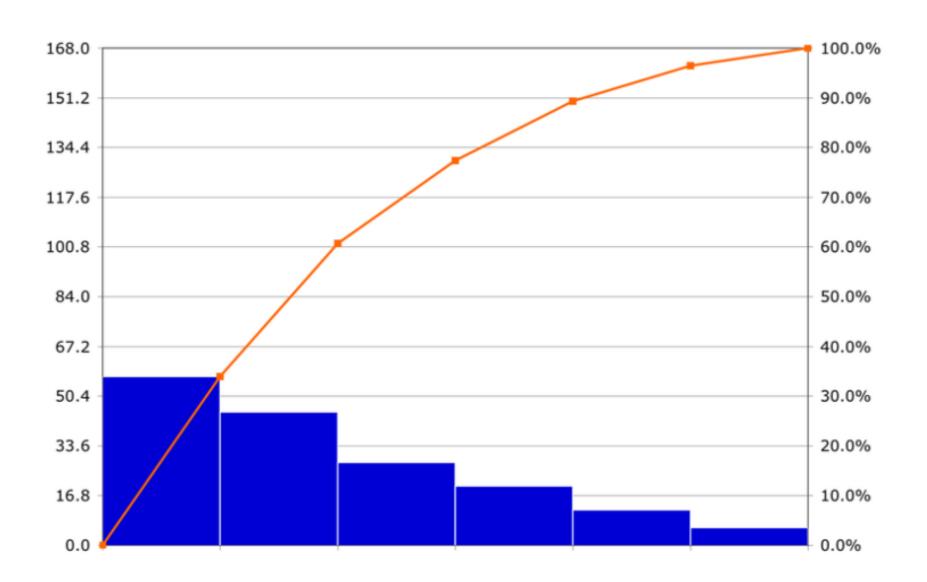




DIAGRAMME DE PARETO :Mode opératoire

On peut aussi gérer par criticité:

Criticité = fréquence x gravité
 Comment estimer la gravité?

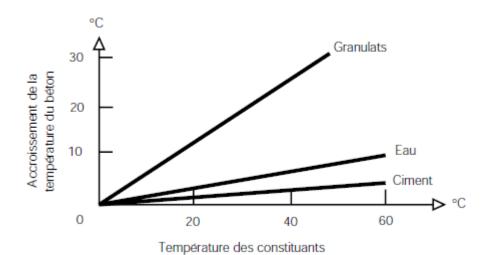
- Temps perdu
- Clients perdus
- Produits gaspillés

Chiffrage en coûts



Exemple : température du béton frais

- Une baisse/augmentation de la température de 10°C du ciment abaisse/augmente de 1°C la température du béton
- Une baisse/augmentation de la température de 10°C de l'eau abaisse/augmente de 2°C la température du béton
- Une baisse/augmentation de la température de 10°C des granulats abaisse/augmente de 7°C la température du béton





OUTIL 6 : FEUILLE DE COLLECTE DE DONNEES

Outil d'aide à la mise en place de la mesure. Il permet une collecte de données précises, fiables, en relation avec l'objectif défini.

Objectif:

Recueillir des données (qualitatives ou quantitatives) sur le processus étudié ou sur les caractéristiques d'un produit ou d'un service soit pour contrôler le processus, soit pour établir de façon claire la relation entre une cause et un effet.



OUTIL 6 : FEUILLE DE COLLECTE DE DONNEES

Mode opératoire :

- 1. Apporter les réponses aux questions suivantes:
 - Quel est l'objectif de la collecte de données ?
 - Quelles sont les données nécessaires?
 - Où et comment effectuer les observations (procédure et durée de collecte, fréquence d'échantillonnage, responsable, etc..) ?
- Les réponses apportées à la première étape serviront à construire le formulaire de collecte de données adéquat. Ce formulaire doit être clair et simple
- Dès le début du cycle, il faut prendre en compte tout le cycle:

Collecte → Accès → Traitement → Archivage



Administration du contrôle statistique de la qualité

Plan de collecte de données

Mesure Y	Définition opérationn elle	Source de données	Taille d'échantill on	Responsa ble de collecte	Durée de la collecte	Fréquence	Mode de collecte	X collectés simultané ment
Résistance du béton	Résistance à 28j mesurée par écrasement d'une éprouvette de forme cylindrique normalisée	Laboratoire	3/50m3	Technicien laboratoire	Tous les bétonnages	Min 3 / jour	Prélèvemen ts in situ	Temp Granulats Temp ciment Temp eau Adjuvant Rc ciment Prog CAB



OUTIL 6 : FEUILLE DE COLLECTE DE DONNEES

Exploitation

Principe GIGO

Mauvaises données → modèle correct → résultats erronés

Données valides → modèle erroné → résultats erronés



OUTIL 7 : DIAGRAMME DE FLUX

Organigramme fonctionnel. Permet d'avoir une vision et une compréhension d'ensemble du processus.

Objectif:

C'est un outil d'analyse du processus.

Nécessite de séparer tout processus en plusieurs activités ou tâches et de montrer la relation logique entre eux.

Visualiser les étapes principales d'un processus.

C'est un moyen de communication pour comprendre, analyser, standardiser et améliorer le processus en réduisant les délais et les étapes superflues.



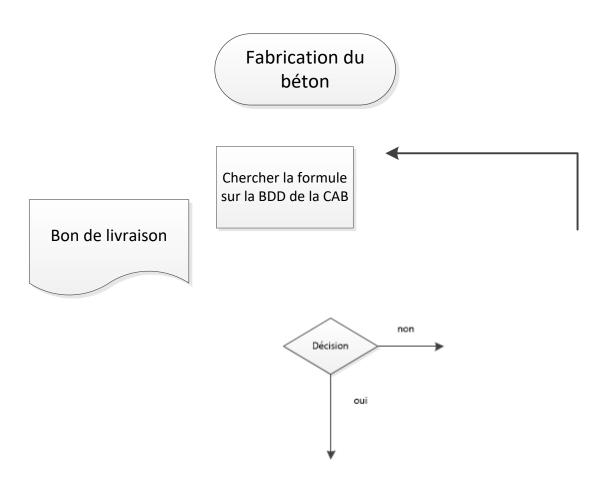
OUTIL 7: DIAGRAMME DE FLUX

Mode opératoire:

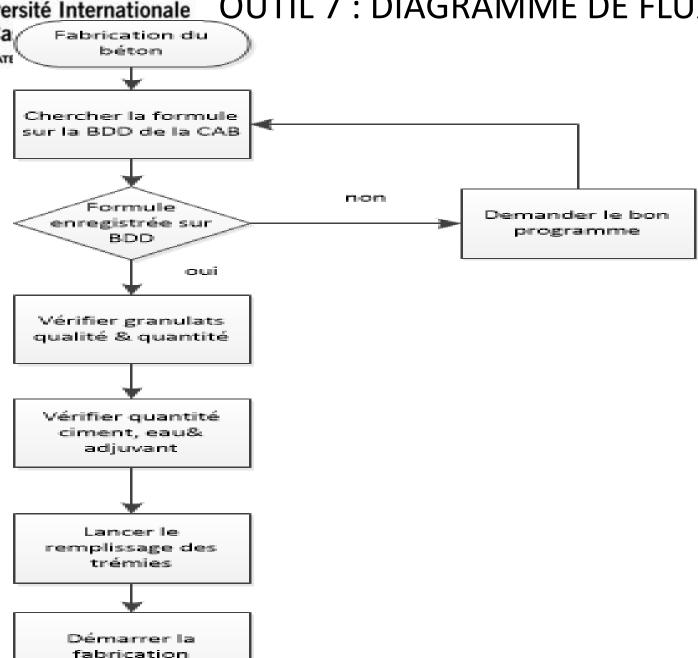
- Décrire le processus à dessiner
- Démarrer avec un évènement déclencheur
- Noter les actions successives de façon claire et concise



OUTIL 7: DIAGRAMME DE FLUX









Outils fondamentaux de la qualité et phases du DMAIC

Phases du DMAIC	Définir	Mesurer	Analyser	Améliorer/ Innover	Contrôler
Outils	Problème	Causes		Solution	Action
QQOQCCP	х	х			X
Brainstorming		х		х	
Vote pondéré	х			х	
Diagramme D'Ishikawa		х	x		
Diagramme de Pareto	x		x		
Feuille de collecte de données		х			x
Diagramme de flux		X	X	X	



Identifier les éléments suivants sur le diagramme:

- 1. Limite de contrôle supérieure
- 2. Limite de contrôle inférieure
- 3. Motif attribuable/motif spécial
- 4. Le processus est hors de contrôle
- 5. Variation normale et attendue dans le processus
- 6. Règle des sept
- 7. Limites de spécification
- 8. Trois sigmas
- 9. Six sigmas
- 10. Courbe de distribution normale

Exercice

