Correction des exercices série n°2

Statique des fluides

Exercice 1

1-a- Les forces de pression exercées par l'eau sur le fond du récipient:

$$Fp = P * S$$
$$= (Patm + \rho g (H + h))*S$$

=
$$(1,01325 \times 10^5 + 1000 * 9,81 * (1+0,01)) * 10^{-2}$$

Fp = 1112,331 N

b- La force effective:

Feffective = P * S
=
$$\rho g (H + h)*S$$

= $1000 * 9.81 * (1 + 0.01)* 10^{-2}$

Feffective = 99,081 N

2- Poids de l'eau:

Nous avons :
$$\rho eau = \frac{\textit{Masse eau}}{\textit{volume eau}}$$

$$W = meau*g$$

$$= \rho eau*g* (s*H + S*h)$$

$$= 1000 * 9,81 * (10^{-2}*0,01 + 10^{-4}*1)$$

$$W = 1.962 \text{ N}$$

Exercice 2:

a) La masse du liquide :

$$m = \rho \cdot V = \rho \cdot S \cdot h$$

b) La force de pesanteur du liquide :

$$FP = m \cdot g = \rho \cdot S \cdot h \cdot g$$

c) La pression exercée par ce liquide sur le fond du récipient :

$$P = \frac{\text{FP}}{\text{S}} = \frac{\rho \cdot \text{S} \cdot \text{h} \cdot \text{g}}{\text{S}} = \rho \cdot \text{h} \cdot \text{g}$$

Conclusion : $P = \rho \cdot g \cdot h$

Exercice 3:

1) La pression PA de l'huile au point A:

$$PA = \frac{FP1/h}{S} = \frac{4FP1/h}{\pi D1^2}$$

2017/2018

$$PA = 19 \ 10^5 Pa$$

2) La pression PB

$$PA - PB = \varpi (ZB - ZA)$$

Puisque
$$ZB = ZA$$

$$PB = 19 \ 10^5 Pa$$

3) L'intensité de la force de pression Fh/p2

$$Fh/p2 = PB * S = PB * \pi \frac{D2^2}{4}$$

$$Fh/p2 = 14922,56 N$$

Exercice 4:

a) La hauteur h2 d'huile satisfait :

Volume =
$$S \cdot h2$$

→
$$h2 = \frac{\text{Volume}}{S} = \frac{12}{1} = 12 \text{ cm}$$

b) Les pressions en (1) et en (2) sont les mêmes, donc :

$$\rho 1 \cdot g \cdot h1 = \rho 2 \cdot g \cdot h2$$

On en déduit :

$$h1 = \frac{\rho 2 \cdot h2}{\rho 1} = \frac{840 \cdot 12}{998} = 10,1 \text{ cm}.$$

La différence de hauteurs h2 - h1 = 12 - 10,1 = 1,9 cm

Exercice 5:

1) Calcul de ||R||:

$$\|\mathbf{R}\| = \mathbf{PG} \mathbf{S}.$$
,

RFH entre le point G et un point A à la surface de l'eau donne:

$$PG = \varpi \frac{h}{2} + PA$$

En A, la pression de l'eau est égale à la pression atmosphérique.

La surface du barrage est : S = b.h, donc :

$$\|\mathbf{R}\| = (\text{Patm} + \varpi \frac{h}{2})bh = 4,73.10^9 \text{ N}$$

2)
$$y0 = \frac{\varpi I(G,\vec{Z})}{\|R\|}$$

Et
$$I(G,\vec{Z}) = \frac{bh^3}{12}$$

$$Y0 = -7,46m$$

2017/2018