

Exercice

Soit (G, \cdot) un groupe tel que $\forall x \in G$ on a $x^2 = e$ (e élément neutre de G). montrez que G est abélien.

Solution:

$\forall x, y \in G$, on a $(x \cdot y)^2 = e$,

cad $x \cdot y \cdot x \cdot y = e$ donc en multipliant à droite par $y \cdot x$, on obtient facilement $x \cdot y = y \cdot x$