Ingénierie de l'organisation-Outils d'aide à la décision

Pr Adil Bellabdaoui



www.decision.ma

Séance 1

Introduction à la Recherche Opérationnelle / Aide à la décision

Méthodes d'application de RO/AD

Exemple introductif

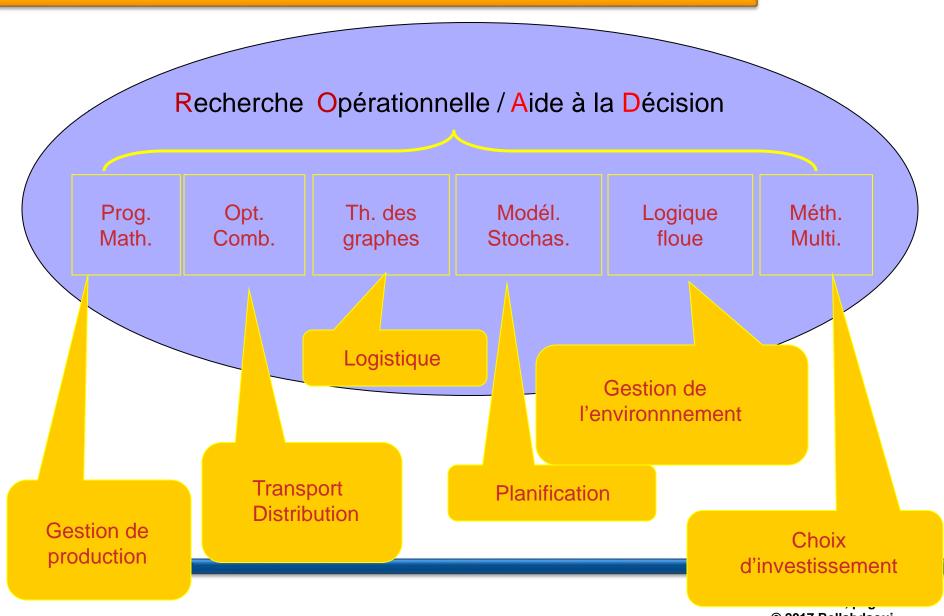


www.decision.ma

Définition de la RO

Une discipline dont le but est d'aider les gestionnaires à prendre des décisions dans des situations complexes grâce à l'utilisation de méthodes scientifiques.

Méthodes et applications de RO/AD



Domaines d'application de l'aide à la décision

Généralement tout problème présentant à la fois un enjeu et une difficulté

→ 3 types de difficultés : Combinatoire, Incertain, Multicritère

- Organisation d'une tournée de distribution (C)
- Elaboration du plan de production d'une usine
- Constitution d'un portefeuille d'actions (C, I, M)
- Evaluation de dossiers de crédit
 (I, M)
- Choix de candidat pour un poste
 (M)
- Sélection de projets R& D
 (I, M)

Domaines d'application de l'aide à la décision

- Les difficultés Combinatoires
 - explosion combinatoire
- Les difficultés liées à l'Incertain
 - mauvaise intuition humaine
 - limites des approches probabilistes
- Les difficultés Multicritères
 - les critères sont :
 - souvent conflictuels
 - ⇒ la notion d'optimum perd ici toute signification → compromis
 - souvent incommensurables
 - parfois qualitatifs (avis d'expert,...)

Exemple 1

_	Note d'examen
Abdelghani	14
Fidaa	15
Laila	16
Youssef	13

À qui décerner le prix d'excellence du meilleur travail de diplôme ?

Problème plutôt très simple!

Exemple 2

	Note de	Note de	Note de	Note	Note de	
	Mngt	Compt	Maths	d'Info	Projet	Moyenne
Abdelghani	14	16	16	17	15	15,6
Fidaa	15	14	13	16	18	15,2
Laila	16	14	13	16	16	15
Youssef	12	11	15	12	13	12,6

À qui décerner le prix d'excellence du meilleur parcours académique ?

Ça se discute... Non?

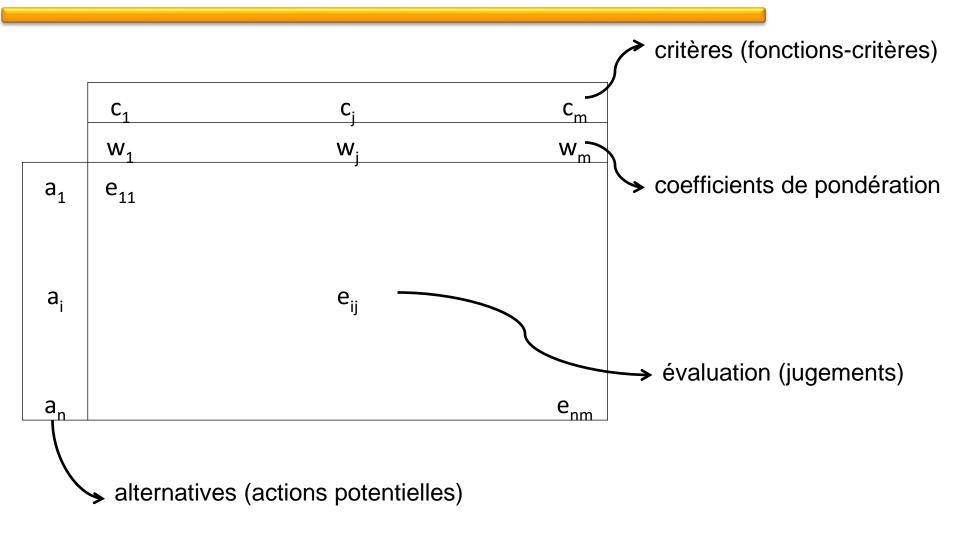
Exemple 3

	Note de Mngt	Note de Compt	Note de Maths	Note d'Info	Note de Projet	Somme pondérée
Poids	2	1	1	3	5	
Abdelghani	14	16	16	17	15	15,50
Fidaa	15	14	13	16	18	16,25
Laila	16	14	13	16	16	15,58
Youssef	12	11	15	12	13	12,58

À qui décerner le prix d'excellence du meilleur parcours académique ?

Encore une fois, ça se discute... Non?

Données d'un problème de décision multicritère



Données d'un problème de décision multicritère Alternatives

Un problème décisionnel est constitué d'alternatives.

Il faut qu'il y en ait au moins deux!

Suivant le contexte décisionnel, ces alternatives sont qualifiées différemment : solutions, projets, options, variantes, produits, actions...

On appelle a_i les alternatives associées à un problème décisionnel (1≤i≤n).

On appelle A l'ensemble de toutes les alternatives associées à un problème décisionnel : $A = \{a_1; ...; a_i; ...; a_n\}$.

Données d'un problème de décision multicritère Alternatives

On distingue:

- les alternatives réelles,
- des alternatives fictives.

Une alternative potentielle est une alternative provisoirement jugée possible par un acteur au moins, ou présentée telle par l'analyste.

L'ensemble A peut être défini :

- en extension, c'est-à-dire par énumération de tous ses éléments.
- Une telle définition est utilisée lorsque le nombre d'actions est petit.
- en compréhension : des domaines contenus dans certaines limites.

Une telle définition est utilisée lorsque le nombre d'actions est grand, voire infiniment grand.

Données d'un problème de décision multicritère Critères

Les alternatives potentielles seront évaluées les unes par rapport aux autres au moyens de **critères de sélection** qu'il faut avoir préalablement définis.

Ces critères sont donc utilisés pour choisir, classer, trier... les alternatives suivant la nature de la décision attendue, afin de ne retenir que la ou les plus appropriées.

On appelle $c_j(a_i)$ la fonction (aussi appelée **fonction-critère**) qui donne une évaluation de l'alternative ai suivant le j-ième critère ($1 \le j \le m$).

On appelle C l'ensemble de tous les critères associés à un problème décisionnel : $C = \{c_1; ...; c_i; ; c_m\}$.

Données d'un problème de décision multicritère Critères

On appelle **famille cohérente de critères** un ensemble de critères $\{c_1;...;c_m\}$ qui couvre tous les aspects du problème, qui satisfait tous les objectifs du décideur, et qui garantit une non-redondance entre critères.

Un seul critère c peut suffire à modéliser le problème décisionnel.

L'approche est alors dite unicritère.

L'exercice consiste à optimiser $c(a_i) \mid a_i \in A$.

Exemple 1 : problème excessivement simple !

Plusieurs critères peuvent s'avérer nécessaires.

L'approche est alors dite multicritère.

L'exercice consiste à optimiser $c_1(a_i)$; ; $c_m(a_i) \mid a_i \in A$.

Exemples 2 et 3 : problèmes plus délicats !

Données d'un problème de décision multicritère Evaluations

On appelle e_{ij} le résultat de l'évaluation de l'alternative ai suivant le critère c_i .

Parfois, e_{ij} est qualifié de **jugement** porté sur l'alternative ai suivant le critère c_i .

Par définition : $e_{ij} = c_i(a_i)$.

Plusieurs juges peuvent être sollicités pour apporter un jugement et participer ainsi à la résolution du problème décisionnel.

On appelle alors e_{ijk} l'**évaluation** faite suivant le j-ième critère, pour la i-ième alternative, par le k-ième juge (1≤k≤p).

Données d'un problème de décision multicritère Pondération

On appelle e_{ij} le résultat de **l'évaluation** de l'alternative ai suivant le critère c_i .

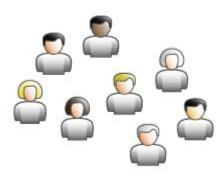
Il se peut aussi que le décideur veuille donner plus de poids à un critère, et moins de poids à d'autre.

Auquel cas, les critères peuvent être agrégés de manière pondérée.

On appelle w_j le **coefficient de pondération** affectant le critère c_j.

On doit bien sûr veiller à avoir : $\sum_{i=1}^m \omega_i = 1$

Les parties prenantes du processus de décision

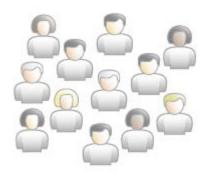


Les décideurs



L'analyste

« l'homme d'études »



Les évaluateurs

le cas échéant

Séance 2

Approches d'agrégation

Agrégation par raisonnements simples



www.decision.ma

Approches d'agrégation

- Agrégation par raisonnements simples
- Agrégation complète « approche nord-américaine »
- Agrégation partielle « approche francophone »

.

Agrégation par raisonnements simples

- Borda,
- Condorcet,
- Maximin,
- **-** ...

1. Borda

	c1	c2	с3	Score
Α	15	16	3	4 + 4 + 1 = 9
В	11	13	17	3+3+4 = 10
С	8	4	12	6
D	2	10	9	5

Choisir 4 coefficients (liée aux alternatives) telle que : K1 > K2 > K3 > K4

Par exemple, K: 4 > 3 > 2 > 1

Le résultat se présente comme suit : B > A > C > D

1. Borda

Encore utilisé dans les courses , notamment le tour de France, mais un inconvénient!!

Par exemple, par rapport à le critère c1, nous avons : A > B > C > D > E

de même c2 :
$$A > B > C > E > D$$

de même c3 :
$$C > D > E > A > B$$

Si K: 5 > 4 > 3 > 2 > 1 alors:

le résultat se présente comme suit : A > C > B > D > E

- Supposons que B est éliminé, alors le résultat est : C > A > D > E
- C'est une méthode ordinale et pas cardinale!
- Si B observe durant une course, qu'il n'a aucune chance de la gagner,
 il pourra changer l'ordre de A et C en sortant de cette course.

2. Condorcet

	c1	c2	c3
Α	15	16	3
В	11	13	17
C	8	4	12
D	2	10	9

Comparons 2 critères 2 à 2, on aura donc:

	c1	c2	c3	Score
Α	1	1	0	2
В	0	0	1	1

Comparaison = 2-1 = 1, par la suite : A > B

De même, : A > C; : A > D; : B > C; : B > D et : C > D

Ce qui donne le résultat suivant : A > B > C > D

2. Condorcet

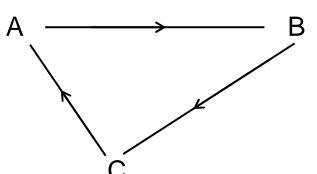
Avantages : Remédier à la méthode Borda

Inconvénients:

Si
$$A > B > C$$
;

$$B > C > A$$
;

Alors:



Problème de circuit !!!!

3. MaxMin

Sur chaque ligne, on prend le minimum,

Parmi les min, je prend le max

	c1	c2	с3	Score
Α	15	16	3	3
В	11	13	17	11
С	8	4	12	4
D	2	10	9	2

C'est le cas du Monsieur le plus prudent (pas de risque)

Exercice. 1

Dans un problème à 7 votants et 4 candidats, on suppose que les préférences individuelles sont décrites par les profils suivants :

Préférence	1	2	3	4
3 votes	С	b	а	d
2 votes	b	а	d	С
2 votes	а	d	С	b

- Q1. Calculer le résultat issu de la méthode de Borda.
- Q2. Calculer le résultat issu de la méthode de Condorcet. Existe-t'il un vainqueur de Condorcet ?
- Q3. On apprend que le candidat d se désiste. Recalculer les résultats des méthodes de Borda et Condorcet sur les candidats restants.
- Q4. Si un candidat qui votait a > d > c > b décidait de voter c > b > a > d comme les 3 membres du premier paquet, montrer que ses préférences l'emporteraient avec la méthode de Condorcet. Est-ce un dictateur ?

Exercice. 2

L'entreprise Win-Réseau doit trouver de nouveaux fournisseurs pour les disques durs qu'elle monte dans des ordinateurs professionnels destinés aux entreprises.

Trois fournisseurs ont été contactés : Wang SA, Samsung et Hitachi. Chacune propose un disque dur avec des spécificités différentes.

- :: Les disques Samsung sont les plus chers (entre 40 et 50 €), mais ont la réputation d'être très fiables (durée de vie de 5 ans garantie avec un taux de panne de 1/2000). Le délai de livraison est de 3 mois.
- :: Les disques Hitachi sont les moins chers (entre 35 et 40 €), mais ont la réputation d'être très fiables (durée de vie de 4 ans garantie avec un taux de panne de 1/1500). Le délai de livraison est de 2 mois.
- :: Les disques Wang sont les moins chers (moins de 35 €), mais ont la réputation d'être moyennement fiables (durée de vie de 3 ans garantie avec un taux de panne de 1/1000). Le délai de livraison est de 1 mois.
- Q1.1. Proposer la matrice multicritère correspond à ce problème.
- Q1.2. Appliquer la méthode Borda pour sélectionner le meilleur produit.
- Q1.3. Appliquer la méthode de Condorcet



Séance 3

Agrégation complète « approche nord-américaine »

Principe (top-down approach)

- 1. Établir une fonction-critère unique agrégeant les divers critères.
- 2. Utiliser le résultat de cette agrégation pour choisir, trier ou ranger.

Remarque:

On suppose que les jugements sont transitifs.

Ex : si a > b et b > c alors a > c



www.decision.ma

Principales méthodes

- Somme ou moyenne pondérées ou Weight Sum Method WSM
- Weight Product Method WPM
- Goal programming
- Déclassement comparé
- Méthodes politiques (vote...)
- Analytic Hierarchy Process AHP
- Théorie de l'utilité multi-attribut
- Multi-Attribute Utility Theory MAUT
- Méthodes d'utilité additives

Somme pondérée

Méthode qui utilise le principe de compensation : les points forts compensent les points faible.

Exemple 3.

La score S d'une alternative a_i se détermine de la manière suivante :

$$S(a_{i}) = \omega_{1}c_{1}(a_{i}) + \omega_{2}c_{2}(a_{i}) + \cdots + \omega_{m}c_{m}(a_{i}) = \sum_{j=1}^{m} \omega_{j}c_{j}(a_{i})$$

$$= \omega_{1}e_{1i} + \omega_{2}e_{2i} + \cdots + \omega_{m}e_{m} = \sum_{j=1}^{m} \omega_{j}e_{ji}$$

On dit que « l'alternative a_i est meilleure que l'alternative a_k » si S(a_i) > S(a_k).

La maximisation du score suppose la maximisation de tous les critères.

Limitations de la somme pondérée

Exemple :

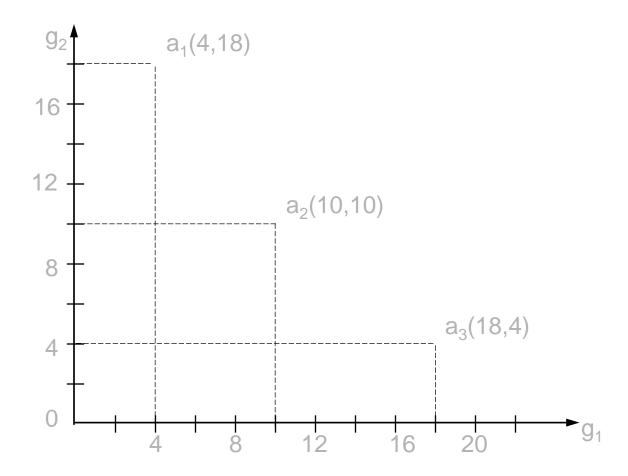
Soient 3 alternatives a1, a2, a3 et 2 critères c1 et c2 à maximiser.

On souhaite effectuer un choix à partir du tableau des performances :

	c1	c2
a1	4	18
a2	10	10
a3	18	4

Limitations de la somme pondérée

Exemple :



Limitations de la somme pondérée

Limitation 1 : La logique d'agrégation sous-jacente est totalement compensatoire, non contrôlables, entre les critères.

Une très mauvaise note sur un critère peut être compensée par une ou plusieurs bonnes notes sur d'autres critères.

Limitation 2 : Certaines actions non dominées (efficaces) peuvent ne jamais apparaître comme solution optimale d'une somme pondérée quel que soit le jeu de poids choisi.

Limitation 3 : grande sensibilité à de faibles variations des pondérations De très légères variations sur les valeurs des poids peuvent conduire à des solutions radicalement différentes

Limitation 4 : Pas de correspondance intuitive entre les valeurs des poids et la solution optimale obtenue par une somme pondérée

Moyenne pondérée

- C'est une variante de la somme pondérée.
- La moyenne M d'une alternative a; se détermine de la manière suivante :

$$M(a_i) = \frac{\omega_1 c_1(a_i) + \omega_2 c_2(a_i) + \dots + \omega_m c_m(a_i)}{\omega_1 + \omega_2 + \dots + \omega_m} = \frac{\sum_{j=1}^m \omega_j c_j(a_i)}{\sum_{j=1}^m \omega_j}$$

$$= \frac{\omega_1 e_{1i} + \omega_2 e_{2i} + \dots + \omega_m e_{mi}}{\omega_1 + \omega_2 + \dots + \omega_m} = \frac{\sum_{j=1}^m \omega_j e_{ji}}{\sum_{j=1}^m \omega_j}$$

Weight Product Method WPM

Percy Bridgman (1922)

- Cette méthode pénalise fortement les actions très mauvaises pour un critère.
- Le score P d'une alternative a_k se détermine de la manière suivante :

$$P(a_k) = \prod_{j=1}^m \left(\frac{e_{jk}}{\sum_{i=1}^n e_{ji}} \right)^{\omega_j}$$

Variante pour une comparaison deux à deux :

$$R(a_k/a_i) = \prod_{j=1}^m \left(\frac{e_{jk}}{e_{ji}}\right)^{\omega_j}$$

Exemple 4

	Note de Mngt	Note de Compt	Note de Maths	Note d'Info	Note de Projet	WPM
Poids	2	1	1	3	5	
Abdelghani	14	16	16	17	15	8,8382E-08
Fidaa	15	14	13	16	18	1,49638E-07
Laila	16	14	13	16	16	9,44792E-08
Youssef	12	11	15	12	13	7,19734E-09

À qui décerner le prix d'excellence du meilleur parcours académique ?

Séance 4

Méthode AHP



www.decision.ma

Analytic Hierarchy Process AHP

Thomas L. Saaty (1971)

La méthode AHP se compose de 4 phases :

- 1. Décomposition du problème complexe sous forme d'une arborescence hiérarchisée (niveaux)
- 2. Génération de matrices de comparaisons binaires
- 3. Détermination des poids relatifs et tests de cohérence
- 4. Génération des poids finaux des alternatives

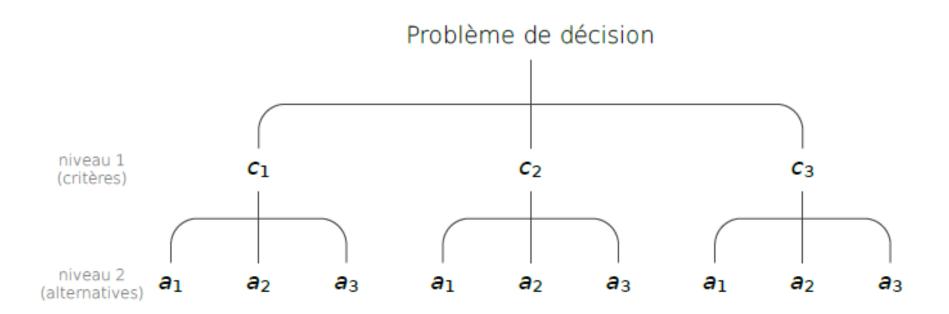
Analytic Hierarchy Process AHP

Phase 1 : Construction de la hiérarchie

AHP commence par structurer les critères et alternatives sous forme d'une arborescence hiérarchisée :

- L'objectif du problème est placé au sommet de l'arborescence (niveau 0)
- L'objectif est décomposé en critères principaux placés au niveau 1
- Les critères principaux sont décomposés en sous critères au niveau 2
- Les alternatives du problème représentent les feuilles de l'arborescence

Analytic Hierarchy Process AHP



Analytic Hierarchy Process AHP

Phase 2 : Génération de matrices de comparaisons binaires

■ Pour chaque noeud qui n'est pas une feuille, AHP effectue des comparaisons binaires entre les critères (ou alternatives) fils de ce noeud dans l'arborescence pour introduire l'appréciation du décideur quand à l'importance ou sa préférence relativement à ces critères (ou alternatives) par rapport à ce noeud

Analytic Hierarchy Process AHP

Ces comparaisons binaires se font selon l'échelle suivante dite de Saaty.

Quand le critère i est comparé au critère j, la comparaison vaut :

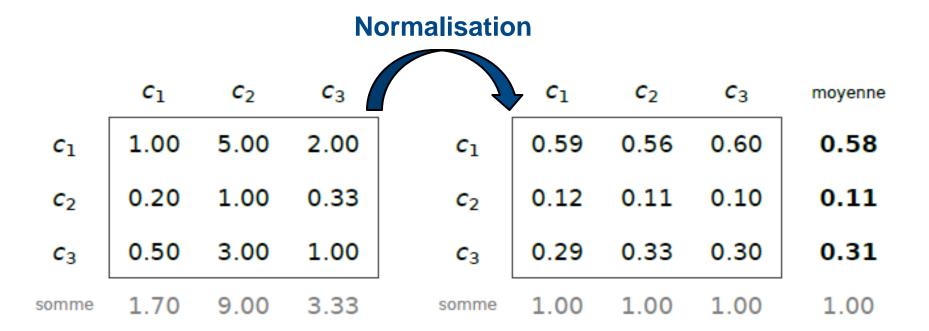
```
1 i également important à j
```

- i légèrement plus important que j
- 5 i notablement plus important que j
- 7 i beaucoup plus important que j
- 9 i indiscutablement beaucoup plus important que j

Remarques:

- On peut utiliser les valeurs intermédiaires 2, 4, 6, 8 en cas de besoin ;
- Si un critère i n'est ni supérieur ni égal à un critère j au sens du tableau cidessus, on évalue d'abord c_{ii} et on pose c_{ii} = $1/c_{ii}$

Analytic Hierarchy Process AHP



La matrice de niveau 1 donne l'importance relative des critères.

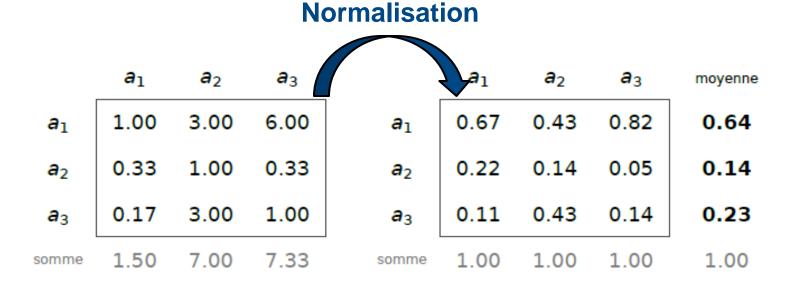
Exemple: le c₁ est beaucoup plus important que le c₂

Analytic Hierarchy Process AHP

Trois calculs sont nécessaires pour arriver aux valeurs des priorités :

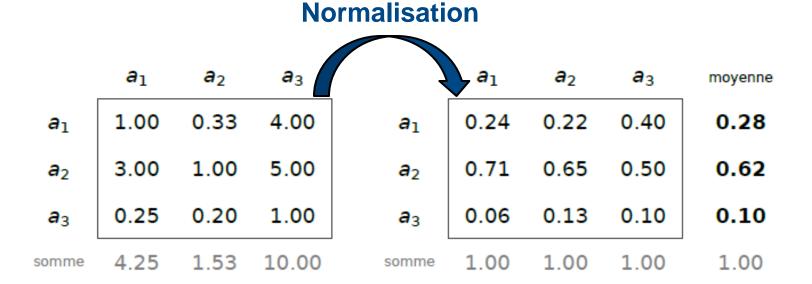
- Additionner les colonnes de la matrice : tous les éléments d'une même colonne sont additionnés;
- normaliser la matrice : chaque entrée de la matrice est divisé par le total des colonnes. La normalisation de la matrice permet alors des comparaisons significatives entres les éléments;
- calculer la moyenne des lignes :tous les éléments d'une même ligne de la matrice normalisé sont additionnés et ensuite divisé par le nombre d'entrées qu'elle comporte.

Analytic Hierarchy Process AHP



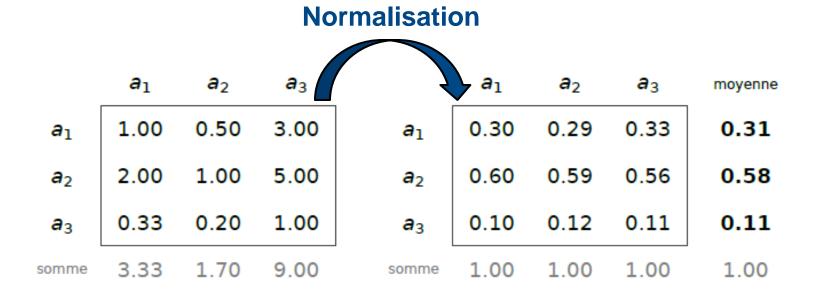
Matrice de niveau 2 suivant le critère c₁.

Analytic Hierarchy Process AHP



Matrice de niveau 2 suivant le critère c_2 .

Analytic Hierarchy Process AHP



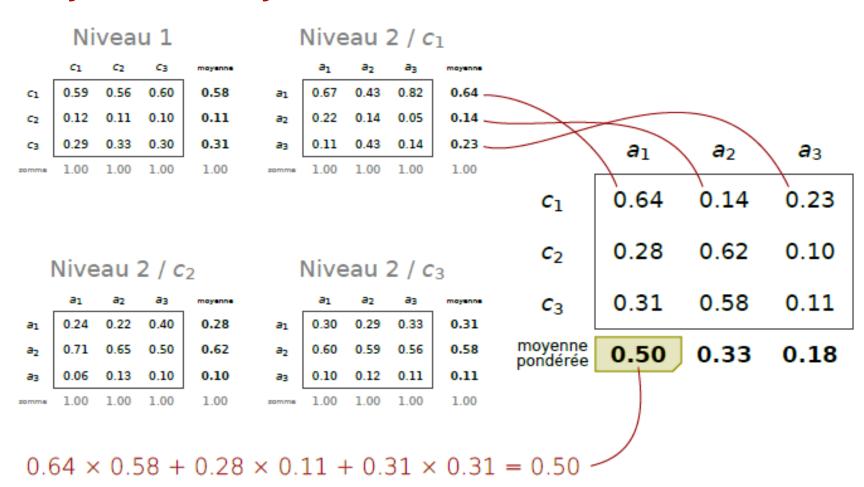
Matrice de niveau 2 suivant le critère c_3 .

Analytic Hierarchy Process AHP

Phase 3 + 4 : Détermination des poids relatifs Génération des poids finaux des alternatives

- Lorsque les poids relatifs de tous les éléments de décision ont été évalués à tous les niveaux de l'arborescence. On trouve les poids pondérés en multipliant le poids de chaque critère par le poids de chaque alternative par rapport à chaque critère.
- Pour chaque alternative, on additionne les poids pour estimer le poids global ou score final à attribuer à chaque alternative, et la meilleure action est celle ayant le poids maximal.

Analytic Hierarchy Process AHP



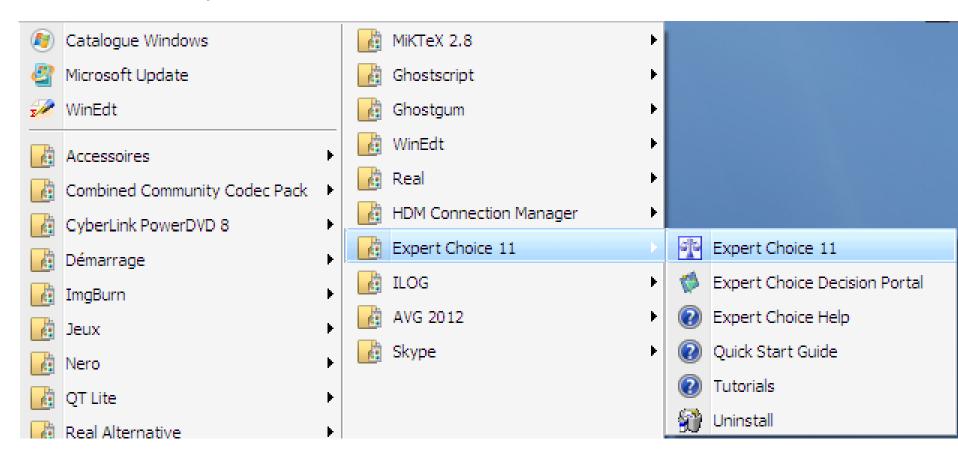
Séance 5

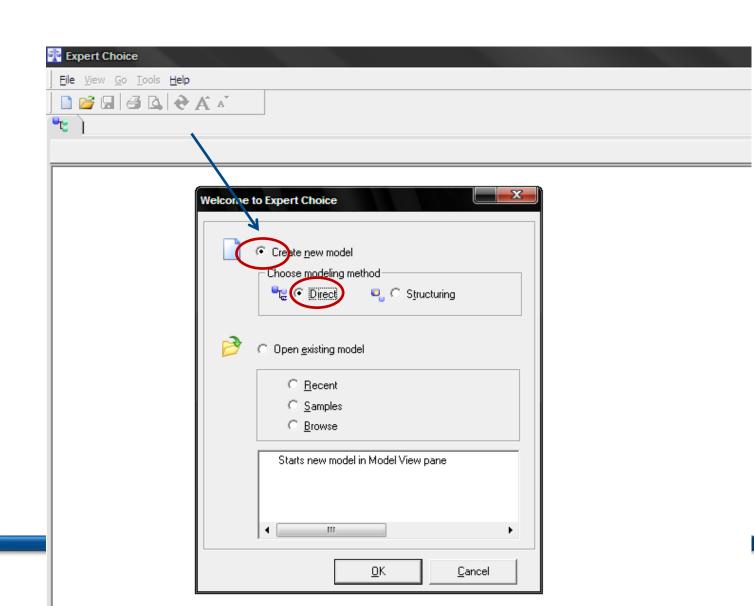
TP avec Expert Choice

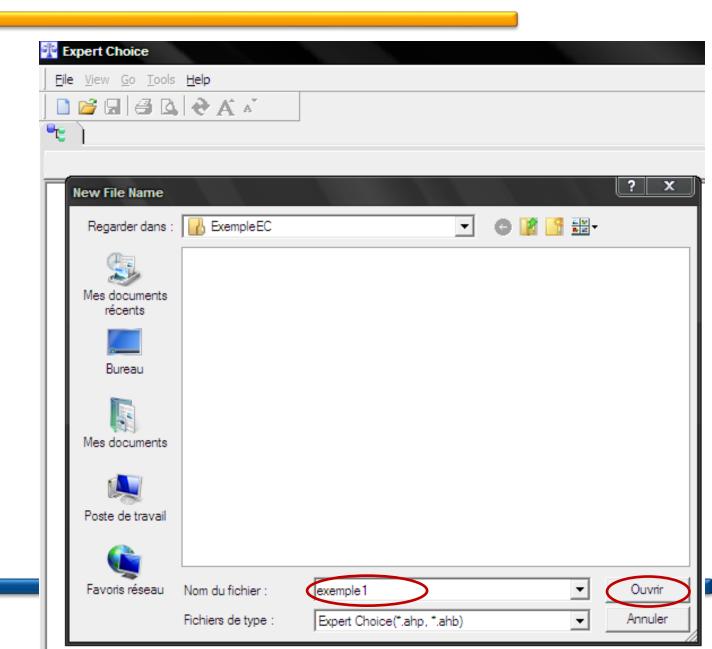


www.decision.ma

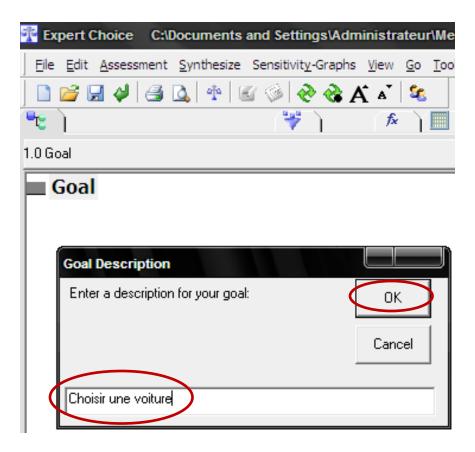
1. Lancer Expert Choice 11



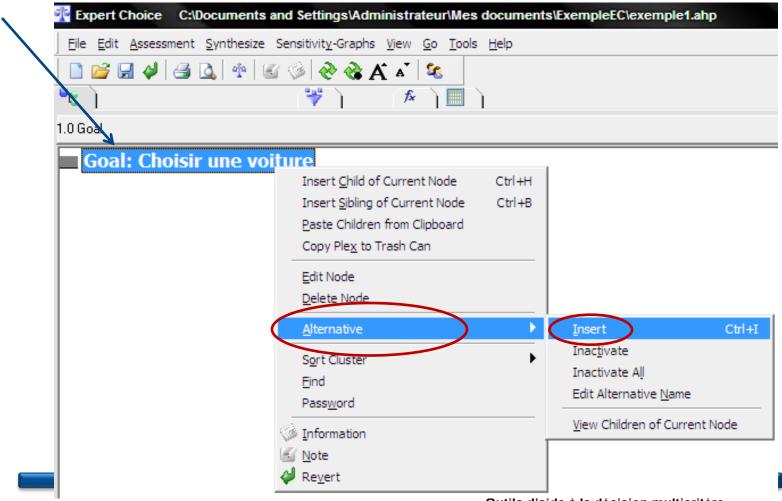


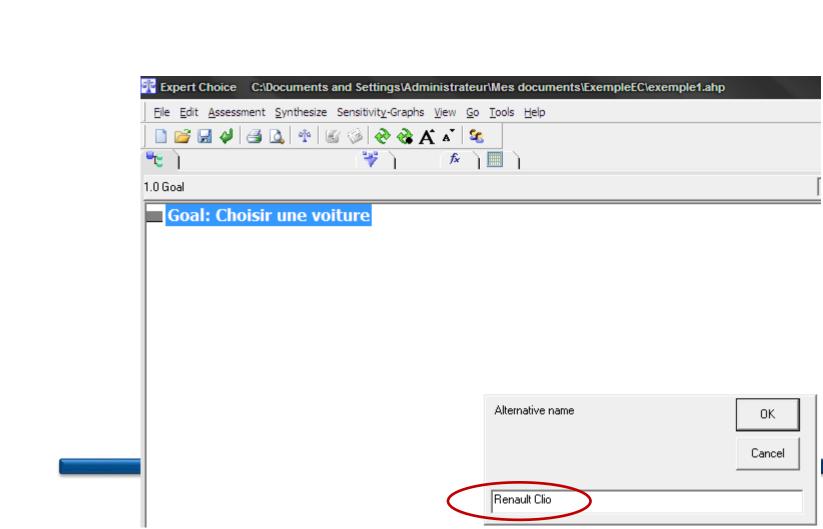


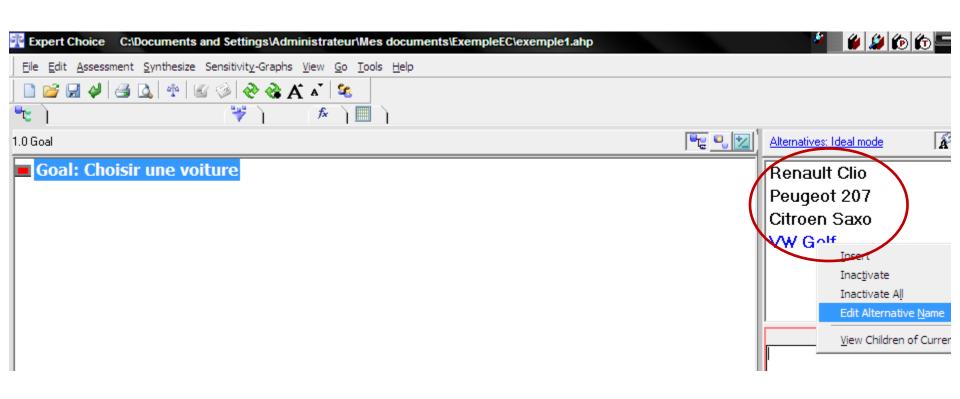
1. Lancer Expert Choice 11

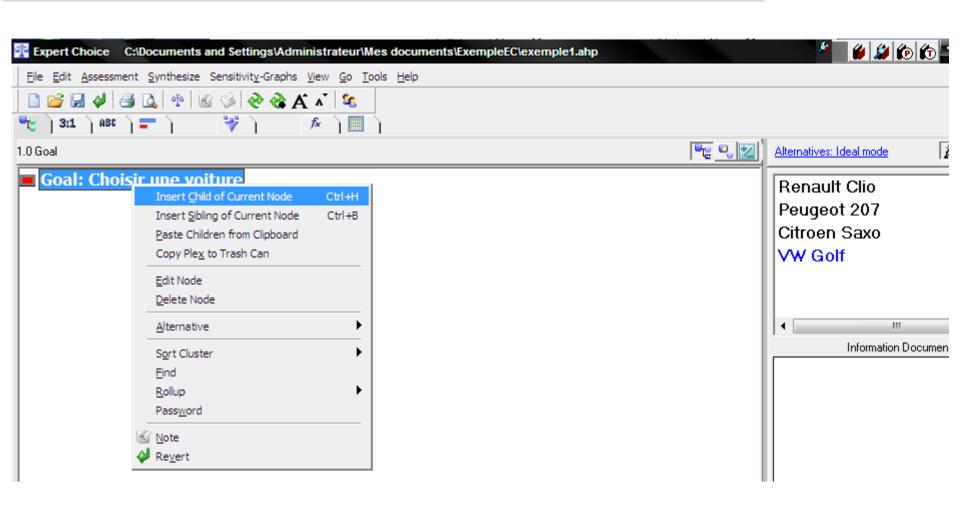


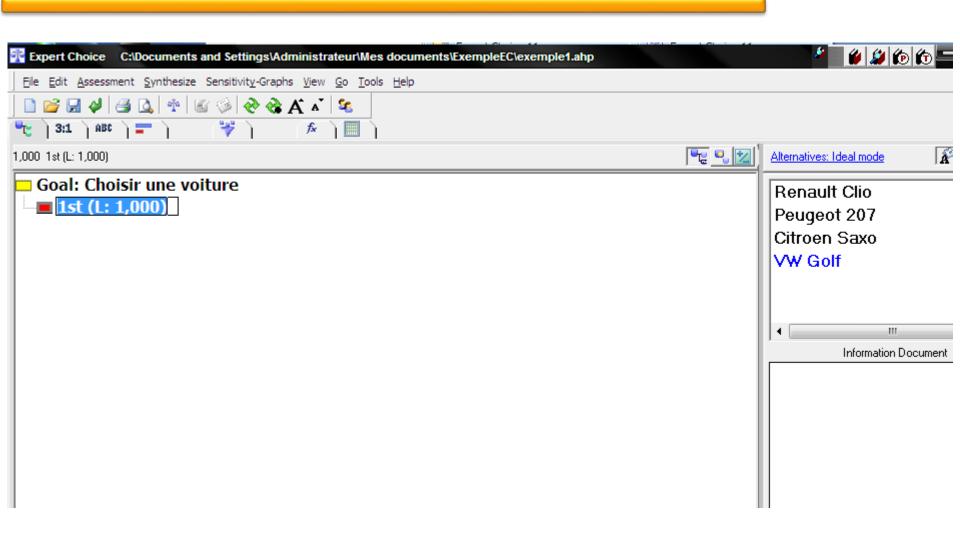
Lancer Expert Choice 11

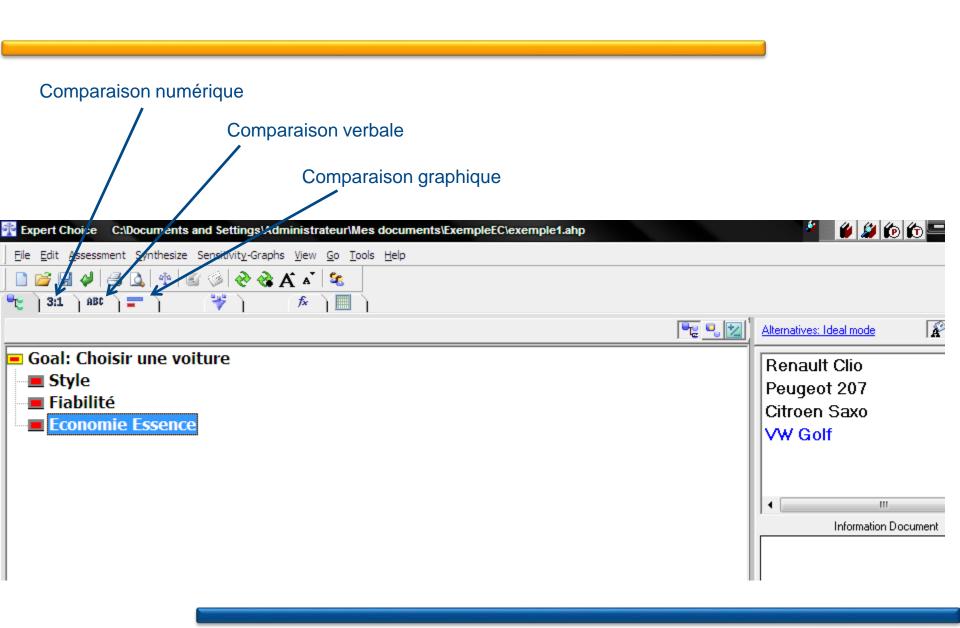


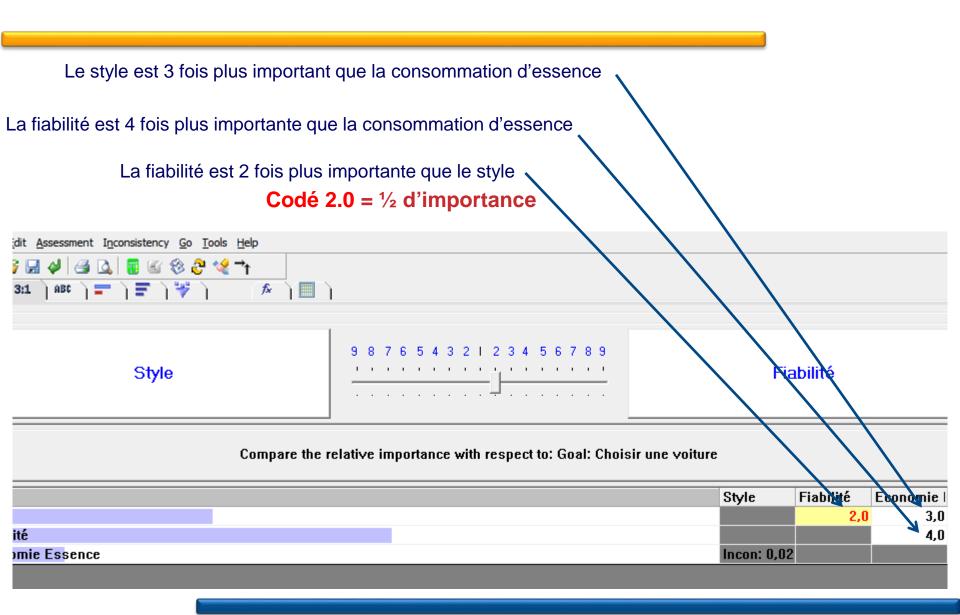


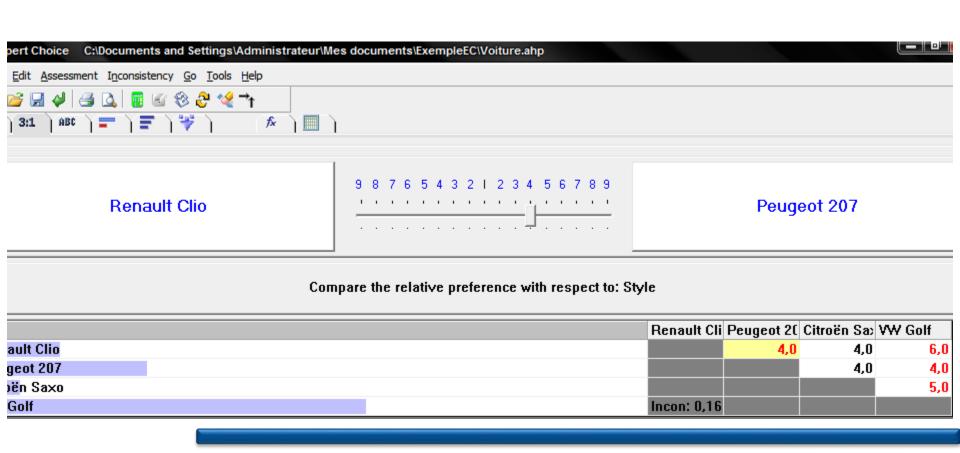


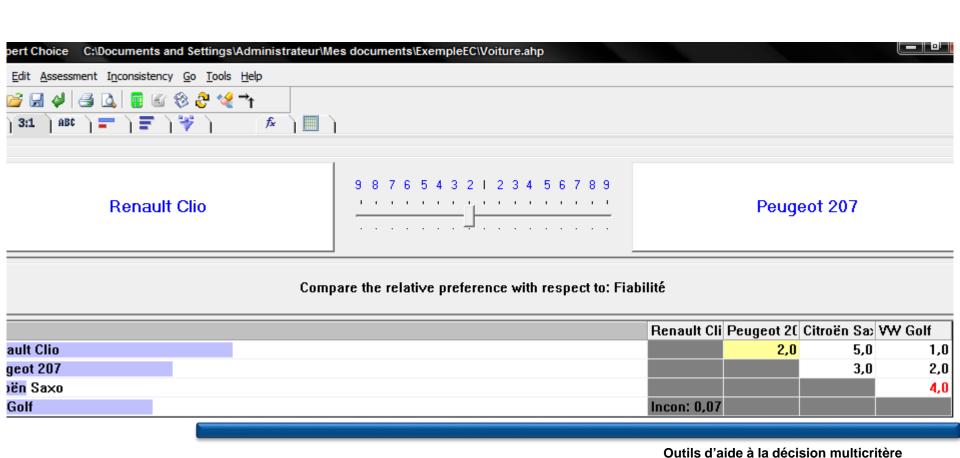












Séance 5, page 64 © 2017 Bellabdaoui

