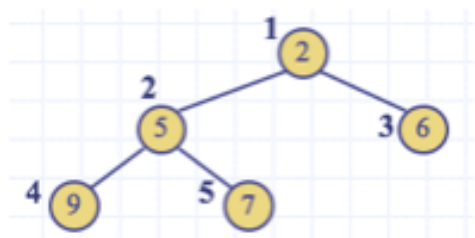


堆heap

本质是个二叉树，顶小，是个平衡的，但是实现方式和平衡二叉树完全不同。

存储其实是在数组里，下图1, 2, 3, 4, 5为其id索引，里面放数据。

堆很容易知道——左儿子索引号 $2*id$ ，右儿子 $2*id+1$ ，父亲 id 。



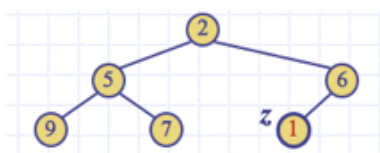
本质数组为：

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---|---|---|---|---|
| 2 | 5 | 6 | 9 | 7 |

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|---|---|---|---|---|---|
| 2 | 5 | 1 | 9 | 7 | 6 |

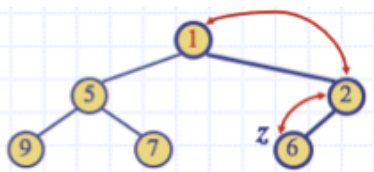
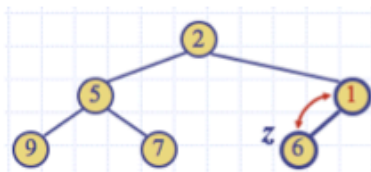
`heap.insert()` //`heap.push()`

如插入“1”，本质上数组末尾id索引为6的位置，加入了value1。



| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|---|---|---|---|---|---|
| 2 | 5 | 6 | 9 | 7 | 1 |

发现1不满足堆性质（小堆），1儿子 < 6父，交换儿子父亲—> upheap算法。(swap数组)



| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 5 | 2 | 9 | 7 | 6 |

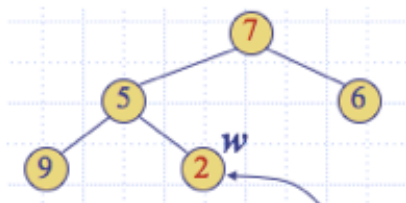
时间复杂度 $O(\log n)$

Heap.remove() // heap.pop()

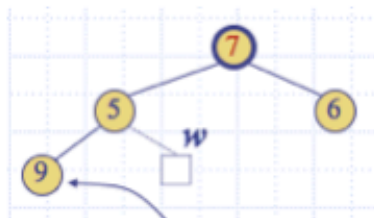
如删除2（根/1号节点）

首先交换数组头尾的元素，直接删除数组末尾，则删了（根 / 1号节点了）

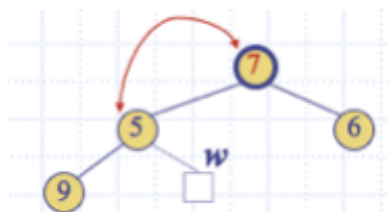
| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| 7 | 5 | 6 | 9 | 2 |



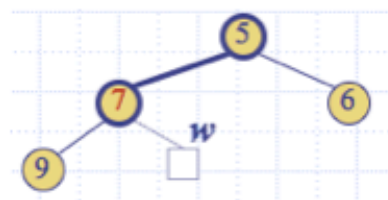
| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| 7 | 5 | 6 | 9 | |



发现7不满足堆性质（小堆），7父 > 5,6儿子，父亲交换左右儿子中最小的5 → downheap算法。



| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| 5 | 7 | 6 | 9 | |



我们发现，叶子结点不用做downheap(一半不用做)，相当于倒叙处理数组。

第k层有 $2^{(h-k)}$ 个节点，总共要做downhead的话，k从1到h， $2^{(h-k)}$ 和次操作 = $c \cdot 2^h = c \cdot 2^{\log n} = c \cdot n$ ，(h = $\log n$)

时间复杂度 $O(\log n)$ ，worse case是 $O(n)$