

#### 海量数据下的非线性模型探索

盖坤 阿里巴巴

















花名:靖世 姓名:盖坤

• 学校:清华大学博士

• 研究方向: 机器学习 论文情况: NIPS,TPAMI,AAAI,CVPR等

• 所属部门:阿里妈妈事业部-算法-基础研究

• 主要研究方向:

- 机器学习算法
- Rank model (CTR预估/CVR预估)





- 1. 线性模型的限制
- 2. 分片线性模型 MLR
- 3. MLR for click model:偏移变量分解
- 4. 迁移不同场景数据: Transfer MLR





# 线性模型

- CTR预估的典型做法:
  - 大规模特征+(广义)线性模型LR  $p(y=1|x)=\frac{1}{1+\exp{(-wx)}}$
- 线性模型足够么?
  - 例子:一个曾使用的预测模式:

```
ad\_ctr, cate\_ctr, ad\_pv为特征,
预测下一天ad的ctr: y = \begin{cases} ad\_ctr, & if \ ad\_pv > K; \\ cate\_ctr, & if \ ad\_pv \leq K. \end{cases}
```

- 线性模型无法很好拟合。
- 当维度足够高时,线性模型是否已经够了?
  - 实际情况并不是这样。





# 高维非线性

- 例1:图像识别:100W像素
  - 直接线性模型? No!
  - 几乎必须利用非线性处理:SIFT,HOG,多层NN等。
- 例2:
  - 用户维度CTR预估,特征user id,item id,标签:是否点击
  - 上亿维度的稀疏二值特征
  - 广义线性模型:  $\sum_{u} w_{u}I(u = userid) + \sum_{i} w_{i}I(i = itemid) = w_{userid} + w_{itemid}$ 
    - 不同user 下, item上ctr的大小顺序一致 没有个性化!
  - 特征处理: user id和item id做笛卡尔积得到交叉特征放入线性模型
    - 过拟合:用户点过的item 预估ctr高,看了没点的ctr低。
    - 单纯记忆历史行为,缺乏投放用户没点过但可能感兴趣的item的能力。





# 高维非线性

- CTR预估输入:高维id特征
  - 线性模型不够。人工对特征进行笛卡尔积也不一定好。
- 能否自动学到推广性能好的非线性关系?
  - 一些已有的非线性算法:
    - Tree based方法(例GBDT)
      - 每个树叶为if(user id==useri && item id == itemj)的条件判断
      - 仍然是对历史行为的记忆 缺乏推广性
    - 矩阵分解
      - 适用于两种id的情况:多种id输入?
    - Factorization machines:  $f(x) = \sum_{i,j} \langle v_i, v_j \rangle x_i x_j$ 
      - 只拟合线性关系和二次关系
      - 无法拟合其它非线性关系:例如三种特征的交叉,值的高阶变换等。





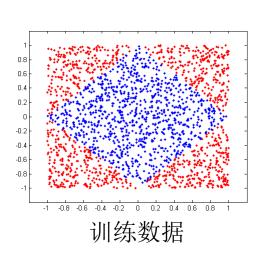
- 1. 线性模型的限制
- 2. 分片线性模型 MLR
- 3. MLR for click model:偏移变量分解
- 4. 迁移不同场景数据: Transfer MLR

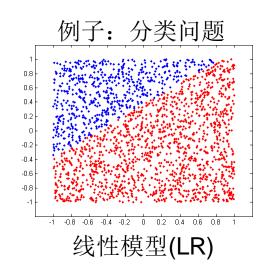


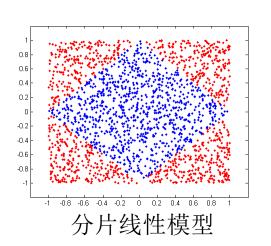


## 分片线性模型

- 挑战:如何从大规模数据中挖掘出推广性好的非线性模式?
- 我们的工作:提出分片线性学习算法
  - 名称:Mixture of Ir (mlr)
  - 有任意强的非线性拟合能力
  - 模型复杂度可控(分片数)
    - 平衡欠拟合和过拟合
    - 保证分片内平均样本数,并用线性规律拟合,来得到好的推广性







ad\_ctr,cate\_ctr,ad\_pv为特征,

 $y = \begin{cases} ad\_ctr, & if \ ad\_pv > K; \\ cate\_ctr, & if \ ad\_pv \le K. \end{cases}$ 

预测下一天的ctr:





### 分片线性模型形式

作用范围

基预测器

- 分而治之  $f(x) = g\left(\sum_{i} \pi_{i}(x, \mu) \eta_{i}(x, w)\right)$ 
  - 空间划分为多个局部区域,每个区域内一个线性预测模型

逻辑回归: 
$$p(y=1|x) = \frac{1}{1+\exp(-wx)}$$

- 分类问题:
  - 分片线性分类:  $p(y=1|x) = \frac{1}{1+\exp\left(-\sum_{i}\pi_{i}(x,\mu)(w_{i}x)\right)}$
  - 混合逻辑回归:  $p(y=1|x) = \sum_{i=1}^{m} \pi_i(x,\mu) \cdot \frac{1}{1+e^{-w_i \cdot x}}$
- 回归问题:  $y(x) = \sum_{i=1}^{m} \pi_i(x,\mu) \cdot (w_i x)$
- 分片(聚类)函数:中心聚类, softmax等, 例:

$$\pi_i(x,\mu) \propto \exp(-(x-c_i)^T diag(\mu_i)(x-c_i)) \quad \pi_i(x,\mu) \propto \exp(-(x-c_i)^2)$$
  
 $\pi_i(x,\mu) \propto \exp(\mu_i x)$ 

- 目标函数:似然、误差平方和、Bregman散度等
- 模型不限定为隐变量概率模型,算法引入分组稀疏,适用于大规模高维度数据





### 正则化和目标函数

• 参数矩阵:

$$\theta = [w_1, ..., w_m, \mu_1, ..., \mu_m]$$

● 特征选择:同一维度对应多个权重 — 分组稀疏正则

$$\|\theta\|_{2,1} = \sum_{i} \sqrt{\sum_{k} \theta_{ik}^2}$$

• 目标函数:

$$\min_{\theta} F(\theta) = \sum_{i} l(f(x_i; \theta), y_i) + \lambda ||\theta||_{2,1} + \beta ||\theta||_{1}$$





# 算法设计

- **बिर्फा अंध्र**:  $\min_{\theta} f(\theta) = \sum_{i} l(f(x_i; \theta), y_i) + \lambda \|\theta\|_{2,1} + \beta \|\theta\|_{1}$
- 难度和挑战:
  - 目标函数非凸,非光滑(不可导,不存在次梯度)
  - 超大规模数据,高维度
  - 提出针对非凸非光滑目标的快速优化方法
  - 算法实现:
    - 部署于500台MPI计算节点,目前支持约50T训练数据,千亿级别样本的训练(受限于集群总内存,支持规模随机器数增大)



### 特性



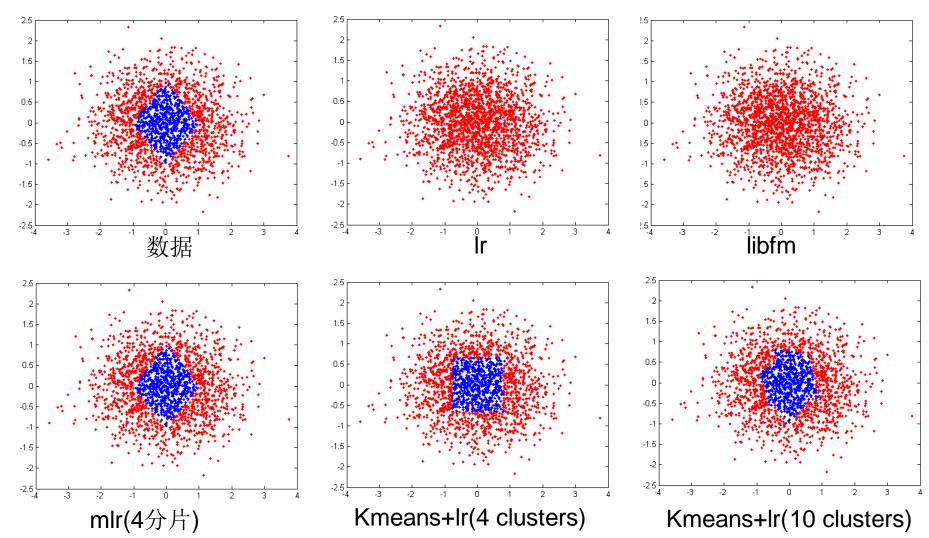
#### • 特点

- 分而治之
- 可以适用于大规模高维度数据
- 模型复杂度可控:可以线性,也可以逼近任意复杂非线性函数
- 具有自动特征选择作用
- 模型结构符合广告数据规律





### 实验1





# 实验2



• 三种id特征交叉实验:

特征1	特征2	特征3	类别	mlr预测概率(2分片)	Libfm预测概率(topic数 20)
0	0	0	1	0.999954	0.507501
1	0	0	0	0.000050	0.494845
0	1	0	0	0.000058	0.496506
0	0	1	0	0.000045	0.494050
0	1	1	1	0.999965	0.501566
1	0	1	1	0.999969	0.491462(分错)
1	1	0	1	0.999927	0.502185
1	1	1	0	0.000038	0.520136(分错)

- mlr具有更强的非线性拟合能力,不局限于二次函数
  - 可以在更少的参数下拟合更高阶非线性信息(例如多类id交叉)



# 应用



- 淘宝定向营销rank
  - 2012年3月起,mlr模型开始承担主要流量
  - 试验田CTR/RPM ↑ 30+%
- 搜索营销转化率预估(按成交收费)
  - CTR ↑ 35%,PCVR ↑ 30%,RPM ↑ 25%
- 推荐融合排序
  - CTR ↑ 8%, PCVR ↑ 11%
- 展示广告排序
  - CTR ↑ 30+%





- 1. 线性模型的限制
- 2. 分片线性模型 MLR
- 3. MLR for click model:偏移变量分解
- 4. 迁移不同场景数据: Transfer MLR





## 带偏移变量的MLR

- 问题:宝贝展示的页面、位置影响点击概率
- 宝贝特征x , 偏移向量y(场景、页数、位置等):
  - 学习联合概率p(x,y) 需要x,y的大部分组合
  - 采样问题:并不是x,y的所有组合能采到样本
- 提出带偏移MLR算法:  $p(x,y|\theta,w) = p_{mlr}(x|\theta)p_{lr}(y|w)$ 
  - y:偏移向量,包括场景、页数、位置等信息
  - 只需很少一些x,y组合

大规模<mark>非线性ctr/cvr</mark>预估和偏移变量的分解一起优化

- AUC指标 ↑ 2-8个百分点
- 应用: 精品库场景CTR ↑ 30+%





- 1. 线性模型的限制
- 2. 分片线性模型 MLR
- 3. MLR for click model:偏移变量分解
- 4. 迁移不同场景数据: Transfer MLR





#### Transfer MLR

- 问题:淘客搜索场景cvr预估中购买样本过少
- 思路:借鉴主搜购买数据做样本
  - 难点:样本有偏:主搜场景购买率明显高于淘客搜索
- Transfer MLR :
  - 去除不同规律,借鉴相同规律 传递宝贝的吸引力:mlr参数相近
  - 设宝贝特征x,海客偏移向量y,主搜偏移向量z(y,z不同维度)
    - 淘客搜索:  $pcvr_t(x,y) = p_{mlr}(x;\theta_t) p_{lr}(y;w_t)$

吸收不同场景的不同

- 主搜:  $\operatorname{pcvr}_s(x,z) = p_{mlr}(x;\theta_s) p_{lr}(z;w_s)$
- 损失:  $L_t(\operatorname{pcvr}_t(x, y | \theta_t, w_t)) + \lambda L_s(\operatorname{pcvr}_s(x, z | \theta_s, w_s)) + \gamma \|[\theta_s, \theta_t]\|_{2,1}$  s.t.  $\|\theta_s \theta_t\| \leq \beta$
- $\beta \rightarrow 0$  by  $L_t(\operatorname{pcvr}_t(x, y | \theta, w_t)) + L_s(\operatorname{pcvr}_s(x, z | \theta, w_s)) + r(\theta, w_s, w_t)$
- 应用效果:淘客搜索宝贝排序pcvr ↑ 30+%





