第六章 循环神经网络

一切都应该尽可能地简单, 但不能过于简单。

— 艾伯特•爱因斯坦

在前馈神经网络中,信息的传递是单向的,这种限制虽然使得网络变得更容易学习,但在一定程度上也减弱了神经网络模型的能力。在生物神经网络中,神经元之间的连接关系要复杂的多。前馈神经网络可以看着是一个复杂的函数,每次输入都是独立的,即网络的输出只依赖于当前的输入。但是在很多现实任务中,网络的输入不仅和当前时刻的输入相关,也和其过去一段时间的输出相关。比如一个有限状态自动机,其下一个时刻的状态(输出)不仅仅和当前输入相关,也和当前状态(上一个时刻的输出)相关。

前馈网络是一个静态网络,明显不能不处理这种情况。此外,序列数据的长度一般是不固定的,比如视频、语音、文本等。而前馈神经网络要求输入和输出的维数都是固定的,不能任意改变。因此,当处理这一类和时序相关的问题时,就需要一种能力更强的模型。一般来讲,需要让网络具有短期记忆能力。给网络增加短期记忆能力的方法有三种:

时延神经网络 一种方法是建立额外的一个延时单元,用来存储网络的历史信息(可以包括输入、输出、隐状态等),比较有代表性的模型是时延神经网络(time delay neural network, TDNN) [Waibel et al., 1989]。

TDNN 是在前馈网络中的非输出层都添加一个延时器,记录最近几次神经元的输出。在第 t 个时刻,第 l+1 层的神经元和下一层神经元的最近 q 次输出相关,即 $\mathbf{h}_t^{(l+1)} = f(\mathbf{h}_t^{(l)}, \mathbf{h}_{t-1}^{(l)}, \cdots, \mathbf{h}_{t-q+1}^{(l)})$ 。通过延时器,前馈网络就具有了短期记忆的能力。

延时神经网络在时间维 度上共享权值,以降低 参数数量。因此,对于 序列输入,延时神经网络

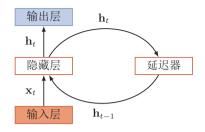


图 6.1: 循环神经网络

有外部输入的非线性自回归模型 有外部输入的非线性自回归模型(nonlinear autoregressive with exogenous inputs model,NARX)[Leontaritis and Billings,1985] 是通过延时器记录最近几次的网络的输入和输出,将它们都作为前馈网络的输入,从而使得前馈网络具有短期记忆能力。假设第t个时刻的输入是 x_t ,NARX的输出 y_t 为

$$\mathbf{y}_t = f(\mathbf{x}_t, \mathbf{x}_{t-1}, \cdots, \mathbf{x}_{t-p}, \mathbf{y}_{t-1}, \mathbf{y}_{t-2}, \cdots, \mathbf{y}_{t-q}), \tag{6.1}$$

其中 $f(\cdot)$ 代表一个前馈网络; p 和 q 为超参数。

循环神经网络 循环神经网络(recurrent neural network,RNN)通过使用带自 反馈的神经元,能够处理任意长度的序列。

给定一个输入序列 $\mathbf{x}_{1:T}=(\mathbf{x}_1,\mathbf{x}_2,\ldots,\mathbf{x}_t,\ldots,\mathbf{x}_T)$,循环神经网络通过下面公式更新带反馈边的隐藏层的活性值 \mathbf{h}_t :

$$\mathbf{h}_t = f(\mathbf{h}_{t-1}, \mathbf{x}_t), \tag{6.2}$$

其中 $\mathbf{h}_0 = 0$, $f(\cdot)$ 为一个非线性函数。从广义上讲, $f(\cdot)$ 也代表一个前馈网络。

从数学上讲,公式(6.2)可以看成一个动力系统。动力系统(dynamical system)是一个数学上的概念,指系统状态按照一定的规律随时间变化的系统。具体地讲,动力系统是使用一个函数来描述一个给定空间(如某个物理系统的状态空间)中所有点随时间的变化情况。因此,隐藏层的活性值 \mathbf{h}_t 在很多文献上也称为状态(state)或隐状态(hidden states)。理论上循环神经网络可以近似任意的非线性动力系统(参见第6.2节)。

图6.1给出了循环神经网络的示例。循环神经网络比前馈神经网络更加符合生物神经网络的结构。循环神经网络已经被广泛应用在语音识别、语言模型以及自然语言生成等任务上。

RNN 也经常被翻译为递 归神经网络。这里为了区 别与另外一种递归神经 网络(Recursive Neural Networks),我们称为 循环神经网络。

生活中很多现象都可以 动力系统来描述, 比如 钟摆晃动、台球轨迹等。

邱锡鹏: 《神经网络与深度学习》

循环神经网络的参数训练可以通过随时间反向传播算法 [Werbos, 1990]来学习。随时间反向传播算法即按照时间的逆序将错误信息一步步地往前传递。当输入序列比较长时,会存在梯度爆炸和消失问题 [Bengio et al., 1994, Hochreiter and Schmidhuber, 1997, Hochreiter et al., 2001],也称为长期依赖问题。为了解决这个问题,人们对循环神经网络进行了很多的改进,其中最有效的一个改进版本是长短期记忆神经网络。

在本章中,我们先介绍循环神经网络的基本定义和参数学习方法,然后介绍两种扩展模型:长短期记忆(LSTM)网络和门控制循环单元(GRU)网络。

6.1 简单循环网络

我们先来看一个非常简单的循环神经网络,叫简单循环网络(simple recurrent network, SRN) [Elman, 1990]。

简单循环网络是只有一个隐藏层的神经网络。在一个三层的前馈神经网络中,连接存在相邻的层与层之间,隐藏层的节点之间是无连接的。简单循环网络增加了从隐藏层到隐藏层的反馈连接。

假设时刻t时,输入为 \mathbf{x}_t ,隐层状态(隐层神经元活性值)为 \mathbf{h}_t 。 \mathbf{h}_t 不仅和当前时刻的输入 \mathbf{x}_t 相关,也和上一个时刻的隐层状态 \mathbf{h}_{t-1} 相关。

$$\mathbf{z}_t = U\mathbf{h}_{t-1} + W\mathbf{x}_t + \mathbf{b},\tag{6.3}$$

$$\mathbf{h}_t = f(\mathbf{z}_t),\tag{6.4}$$

其中 \mathbf{z}_t 为隐藏层的净输入, $f(\cdot)$ 是非线性激活函数,通常为logistic 函数或 tanh 函数;U为状态-状态权重矩阵,W为状态-输入权重矩阵,b为偏置。公式 (6.3) 和 (6.4) 也经常直接写为

$$\mathbf{h}_t = f(U\mathbf{h}_{t-1} + W\mathbf{x}_t + \mathbf{b}). \tag{6.5}$$

如果我们把每个时刻的状态都看作是前馈神经网络的一层的话,循环神经 网络可以看作是在时间维度上权值共享的神经网络。图6.2给出了按时间展开的 循环神经网络。

6.2 循环神经网络的计算能力

循环神经网络有着强大的计算和表示能力。

邱锡鹏: 《神经网络与深度学习》

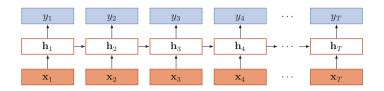


图 6.2: 按时间展开的循环神经网络

我们先定义一个完全连接的循环神经网络,输入为 \mathbf{x}_t ,输出为 \mathbf{y}_t ,

$$\mathbf{h}_t = f(U\mathbf{h}_{t-1} + W\mathbf{x}_t + \mathbf{b}),\tag{6.6}$$

$$\mathbf{y}_t = V\mathbf{h}_t,\tag{6.7}$$

其中 \mathbf{h} 为隐藏状态, $f(\cdot)$ 为非线性激活函数, $U \times W \times \mathbf{b}$ 和V为网络参数。

6.2.1 通用近似定理

一个完全连接的循环网络是任何非线性动力系统的近似器。

定理 6.1-通用近似定理 [Haykin, 2009]: 如果一个完全连接的循环神经网络有足够数量的 sigmoid 型隐藏神经元,它可以以任意的准确率去近似任何一个非线性动力系统

$$\mathbf{s}_t = g(\mathbf{s}_{t-1}, \mathbf{x}_t), \tag{6.8}$$

$$\mathbf{y}_t = o(\mathbf{s}_t),\tag{6.9}$$

其中 \mathbf{s}_t 为每个时刻的隐状态, \mathbf{x}_t 是外部输入, $g(\cdot)$ 是可测的状态转换函数, $o(\cdot)$ 是连续输出函数,,并且对状态空间的紧致性没有限制。

证明. 我们用两步来分别证明动力系统的两个函数可以用三层的全连接前馈网络近似。

(1)根据通用近似定理,前馈神经网络可以近似任意有界闭集上的Borel可测函数。因此,一个非线性动力系统的状态转换函数 $\mathbf{s}_t = g(\mathbf{s}_{t-1}, \mathbf{x}_t)$ 可以由一个神经网络 $\mathbf{s}_t = Cf(A\mathbf{s}_{t-1} + B'\mathbf{x}_t + \mathbf{b}_1)$ 来近似。令 $\mathbf{s}_t = C\mathbf{s}_t'$,则

本证明参考文献 [Schäfer and Zimmermann, 2006]。

通用近似定理参见 第4.3.1节, 第71页。

$$\mathbf{s}_t' = f(AC \ \mathbf{s}_{t-1}' + B\mathbf{x}_t + \mathbf{b}_1). \tag{6.10}$$

邱锡鹏:《神经网络与深度学习》

(2) 非线性动力系统的输出函数 $\mathbf{y}_t = o(\mathbf{s}_t) = o(g(\mathbf{s}_{t-1}, \mathbf{x}_t))$ 也可以有一个神经网络 $\mathbf{y}_t' = Df(A'\mathbf{s}_{t-1} + B'\mathbf{x}_t + \mathbf{b}_2)$ 近似。

因此,

$$\begin{pmatrix} \mathbf{s}_t' \\ \mathbf{y}_t'' \end{pmatrix} = f \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} AC & 0 \\ A'C & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \mathbf{s}_{t-1}' \\ \mathbf{y}_t'' \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} B \\ B' \end{pmatrix} \mathbf{x}_t + \begin{pmatrix} \mathbf{b}_1 \\ \mathbf{b}_2 \end{pmatrix} \end{pmatrix}, \tag{6.11}$$

$$\mathbf{y}_t' = \begin{pmatrix} 0 & D \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \mathbf{s}_{t-1}' \\ \mathbf{y}_t'' \end{pmatrix}. \tag{6.12}$$

$$\diamondsuit U = \begin{pmatrix} AC & 0 \\ A'C & 0 \end{pmatrix}, W = \begin{pmatrix} B \\ B' \end{pmatrix}, \mathbf{b} = \begin{pmatrix} \mathbf{b}_1 \\ \mathbf{b}_2 \end{pmatrix}, V = \begin{pmatrix} 0 & D \end{pmatrix}, \mathbf{h} = \begin{pmatrix} \mathbf{s}'_{t-1} \\ \mathbf{y}''_t \end{pmatrix},$$

则非线性动力系统可以由下面的全连接循环神经网络来近似。

$$\mathbf{h}_t = f(U\mathbf{h}_{t-1} + W\mathbf{x}_t + \mathbf{b}),\tag{6.13}$$

$$\mathbf{y}_t' = V\mathbf{h}_t. \tag{6.14}$$

6.2.2 图灵完备

完全连接的循环神经网络具有模拟有限状态自动机 (finite state automata, FA) 的能力。

只有局部反馈的循环神 经网络不能表示所有的 有限状态自动机。

定理 6.2 – 图灵完备 [Siegelmann and Sontag, 1991]: 所有的 图灵机都可以被一个由使用 sigmoid 型激活函数的神经元构成的 全连接循环网络来进行模拟。

图灵机是一种抽象的信息处理装置,比如计算机。

6.3 应用到机器学习

循环神经网络可以应用到很多不同类型的机器学习任务。根据这些任务的 特点可以分为以下几种模式:

邱锡鹏:《神经网络与深度学习》

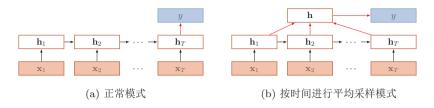


图 6.3: 序列到类别的应用模式

- 序列到类别模式:这种模式就是序列数据的分类问题。输入为序列,输出 为类别。比如在文本分类中,输入数据为单词的序列,输出为该文本的类 别。
- 序列到序列模式:这类任务的输入和输出都为序列。具体又可以分为两种 情况:
 - 同步的序列到序列模式: 这种模式就是机器学习中的序列标注(Sequence Labeling)任务,即每一时刻都有输入和输出,输入序列和输出序列的长度相同。比如词性标注(Part-of-Speech Tagging)中,每一个单词都需要标注其对应的词性标签。
 - 异步的序列到序列模式:这种模式也称为编码器-解码器(Encoder-Decoder)模型,即输入和输出不需要有严格的对应关系,也不需要保持相同的长度。比如在机器翻译中,输入为源语言的单词序列,输出为目标语言的单词序列。

参见第9.3节, 第179页。

参见第9.3.1节,第179页。

下面我们分别来看下这几种应用模式。

6.3.1 序列到类别模式

首先,我们来看下序列到类别的应用模式。假设一个样本 $\mathbf{x} = (\mathbf{x}_1, \cdots, \mathbf{x}_T)$ 为一个长度为T的序列,输出为一个类别 $y \in \{1, \cdots, C\}$ 。我们可以将样本 \mathbf{x} 按不同时刻输入到循环神经网络中,并得到不同时刻的隐藏状态 $\mathbf{h}_1, \cdots, \mathbf{h}_T$ 。我们可以将 \mathbf{h}_T 看作整个序列的最终表示(或特征),并输入给分类器 $q(\cdot)$,

$$\hat{y} = g(\mathbf{h}_T), \tag{6.15}$$

这里 $g(\cdot)$ 可以是简单的线性分类器(比如Logistic 回归)或复杂的分类器(比如 多层前馈神经网络)。

邱锡鹏:《神经网络与深度学习》

除了将最后时刻的隐藏状态作为序列表示(如图6.3a)之外,我们还可以对整个序列的所有隐藏状态进行平均,并用这个平均状态来作为整个序列的表示(如图6.3b)。

$$\hat{y} = g(\frac{1}{T} \sum_{t=1}^{T} \mathbf{h}_t). \tag{6.16}$$

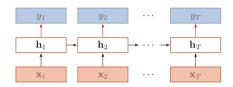


图 6.4: 同步的序列到序列模式

6.3.2 同步的序列到序列模式

在同步的序列到序列模式中(如图6.4所示),输入为一个长度为T的序列 $\mathbf{x} = (\mathbf{x}_1, \cdots, \mathbf{x}_T)$,输出为序列 $\mathbf{y} = (y_1, \cdots, y_T)$ 。样本 \mathbf{x} 按不同时刻输入到循环神经网络中,并得到不同时刻的隐状态 $\mathbf{h}_1, \cdots, \mathbf{h}_T$ 。每个时刻的隐状态 \mathbf{h}_t 代表了当前时刻和历史的信息,并输入给分类器 $g(\cdot)$ 得到当前时刻的标签 \hat{y}_t 。

$$\hat{y}_t = g(\mathbf{h}_t), \forall i \in [1, T]. \tag{6.17}$$

6.3.3 异步的序列到序列模式

在异步的序列到序列模式中(如图6.5所示),输入为一个长度为T的序列 $\mathbf{x}=(\mathbf{x}_1,\cdots,\mathbf{x}_T)$,输出为长度为M的序列 $\mathbf{y}=(y_1,\cdots,y_M)$ 。异步的序列到序列模式的输入和输出不需要有严格的对应关系,也不需要保持相同的长度。因此,异步的序列到序列模式经常通过先编码后解码的方式来实现。先将样本 \mathbf{x} 按不同时刻输入到一个循环神经网络(编码器)中,并得到其编码 \mathbf{h}_T 。然后在使用另一个循环神经网络(解码器)中,得到输出序列。

6.4 参数学习

循环神经网络的参数可以通过梯度下降方法来进行学习。

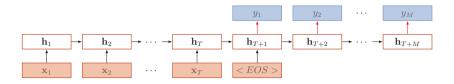


图 6.5: 异步的序列到序列模式

以随机梯度下降为例,给定一个训练样本 (\mathbf{x},\mathbf{y}) ,其中 $\mathbf{x} = (\mathbf{x}_1,\cdots,\mathbf{x}_T)$ 为长度是T的输入序列, $\mathbf{y} = (\mathbf{y}_1,\cdots,\mathbf{y}_T)$ 是长度为T的标签序列。即在每个时刻t,都有一个监督信息 \mathbf{y}_t ,我们定义时刻t的损失函数为

$$\mathcal{L}_t = \mathcal{L}(\mathbf{y}_t, g(\mathbf{h}_t)), \tag{6.18}$$

其中 $g(\mathbf{h}_t)$ 为第 t 时刻的输出; \mathcal{L} 为可微分的损失函数,比如交叉熵。那么整个序列上损失函数为

$$\mathcal{L} = \sum_{t=1}^{T} \mathcal{L}_t. \tag{6.19}$$

整个序列的损失函数 \mathcal{L} 关于参数 U 的梯度为

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial U} = \sum_{t=1}^{T} \frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial U},\tag{6.20}$$

即每个时刻损失 \mathcal{L}_t 对参数U的偏导数之和。

循环神经网络中存在一个递归调用的函数 $f(\cdot)$,因此其计算参数梯度的方式和前馈神经网络不同不太相同。在循环神经网络中主要有两种计算梯度的方式: 随时间反向传播(BPTT)和实时循环学习(RTRL)算法。

6.4.1 随时间反向传播算法

随时间反向传播(backpropagation through time, BPTT)算法的主要思想是通过类似前馈神经网络的错误反向传播算法 [Werbos, 1990] 来进行计算梯度。

BPTT 算法将循环神经网络看作是一个展开的多层前馈网络,其中"每一层"对应循环网络中的"每个时刻"(图6.2)。这样,循环神经网络就可以按按照前馈网络中的反向传播算法进行计算参数梯度。在"展开"的前馈网络中,所

有层的参数是共享的,因此参数的真实梯度是将所有"展开层"的参数梯度之和。

计算偏导数 $\frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial U}$ 先来计算公式 (6.20) 中第 t 时刻损失对参数 U 的偏导数 $\frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial U}$ 。

因为参数 U 和隐藏层在每个时刻 $k(1 \le k \le t)$ 的净输入 $\mathbf{z}_k = U\mathbf{h}_{k-1} + W\mathbf{x}_k + \mathbf{b}$ 有关,因此第 t 时刻损失的损失函数 \mathcal{L}_t 关于参数 U_{ij} 的梯度为:

链式法则参见公式 (B.9), 第316页。

$$\frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial U_{ij}} = \sum_{k=1}^t tr \left(\left(\frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial \mathbf{z}_k} \right)^{\mathrm{T}} \frac{\partial^+ \mathbf{z}_k}{\partial U_{ij}} \right)$$
(6.21)

$$= \sum_{k=1}^{t} \left(\frac{\partial^{+} \mathbf{z}_{k}}{\partial U_{ij}} \right)^{\mathrm{T}} \frac{\partial \mathcal{L}_{t}}{\partial \mathbf{z}_{k}}, \tag{6.22}$$

其中 $\frac{\partial^+ \mathbf{z}_k}{\partial U_{ij}}$ 表示"直接"偏导数,即公式 $\mathbf{z}_k = U\mathbf{h}_{k-1} + W\mathbf{x}_k + \mathbf{b}$ 中保持 \mathbf{h}_{k-1} 不变,对 U_{ij} 进行求偏导数,得到

$$\frac{\partial^{+}\mathbf{z}_{k}}{\partial U_{ij}} =
\begin{bmatrix}
0 \\ \vdots \\ [\mathbf{h}_{k-1}]_{j} \\ \vdots \\ 0
\end{bmatrix}
\triangleq \mathbb{I}_{i}([\mathbf{h}_{k-1}]_{j}),$$
(6.23)

其中 $[\mathbf{h}_{k-1}]_j$ 为第 k-1 时刻隐状态的第 j 维, $\mathbb{I}_i(x)$ 除了第 i 行值为 x 外,其余都为 0 的向量。

定义 $\delta_{t,k} = \frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial \mathbf{z}_k}$ 为第t时刻的损失对第k时刻隐藏神经层的净输入 \mathbf{z}_k 的导数,则

$$\delta_{t,k} = \frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial \mathbf{z}_k} \tag{6.24}$$

$$= \frac{\partial \mathbf{L}_k}{\partial \mathbf{z}_k} \frac{\partial \mathbf{z}_{k+1}}{\partial \mathbf{h}_k} \frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial \mathbf{z}_{k+1}}$$
(6.25)

$$= \operatorname{diag}(f'(\mathbf{z}_k))U^{\mathrm{T}}\delta_{t,k+1}. \tag{6.26}$$

将公式(6.26)和(6.23)代入公式(6.22)得到

$$\frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial U_{ij}} = \sum_{k=1}^t [\delta_{t,k}]_i [\mathbf{h}_{k-1}]_j. \tag{6.27}$$

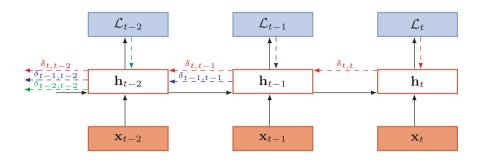


图 6.6: 随时间反向传播算法示例。

将上式写成矩阵形式为

$$\frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial U} = \sum_{k=1}^t \delta_{t,k} \mathbf{h}_{k-1}^{\mathrm{T}}.$$
 (6.28)

图6.6给出了误差项随时间进行反向传播算法的示例。

参数梯度 将公式 (6.28) 代入到将公式 (6.20) 得到整个序列的损失函数 \mathcal{L} 关于参数 U 的梯度

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial U} = \sum_{t=1}^{T} \sum_{k=1}^{t} \delta_{t,k} \mathbf{h}_{k-1}^{\mathrm{T}}.$$
 (6.29)

同理可得, \mathcal{L} 关于权重W和偏置 \mathbf{b} 的梯度为

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial W} = \sum_{t=1}^{T} \sum_{k=1}^{t} \delta_{t,k} \mathbf{x}_{k}^{\mathrm{T}}, \tag{6.30}$$

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \mathbf{b}} = \sum_{t=1}^{T} \sum_{k=1}^{t} \delta_{t,k}.$$
 (6.31)

计算复杂度 在BPTT 算法中,参数的梯度需要在一个完整的"前向"计算和"反向"计算后才能得到并进行参数更新。

6.4.2 实时循环学习算法

与反向传播的 BPTT 算法不同的是,实时循环学习(real-time recurrent learning, RTRL)是通过前向传播的方式来计算梯度 [Williams and Zipser, 1995]。

梯度前向传播可以参考 自动微分中的前向模式, ht 卷8 第45 13 5 tt 1879 187 假设循环网络网络中第t+1时刻的状态 \mathbf{h}_{t+1} 为

$$\mathbf{h}_{t+1} = f(\mathbf{z}_{t+1}) = f(U\mathbf{h}_t + W\mathbf{x}_{t+1} + \mathbf{b}),$$
 (6.32)

其关于参数 U_{ij} 的偏导数为

$$\frac{\partial \mathbf{h}_{t+1}}{\partial U_{ij}} = \frac{\partial \mathbf{h}_{t+1}}{\partial \mathbf{z}_{t+1}} \left(\frac{\partial^+ \mathbf{z}_{t+1}}{\partial U_{ij}} + U \frac{\partial \mathbf{h}_t}{\partial U_{ij}} \right)$$
(6.33)

$$= \operatorname{diag}(f'(\mathbf{z}_{t+1})) \left(\mathbb{I}_i([\mathbf{h}_t]_j) + U \frac{\partial \mathbf{h}_t}{\partial U_{ij}} \right)$$
 (6.34)

$$= f'(\mathbf{z}_{t+1}) \odot \left(\mathbb{I}_i([\mathbf{h}_t]_j) + U \frac{\partial \mathbf{h}_t}{\partial U_{ij}} \right), \tag{6.35}$$

其中 $\mathbb{I}_i(x)$ 除了第i行值为x外,其余都为0的向量。

RTRL算法从第1个时刻开始,除了计算循环神经网络的隐状态之外,还利用公式 (6.35) 依次前向计算偏导数 $\frac{\partial \mathbf{h}_1}{\partial U_{ij}}$, $\frac{\partial \mathbf{h}_2}{\partial U_{ij}}$, $\frac{\partial \mathbf{h}_3}{\partial U_{ij}}$, ...。

这样,假设第t个时刻存在一个监督信息,其损失函数为 \mathcal{L}_t ,就可以同时计算损失函数对 U_{ij} 的偏导数

$$\frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial U_{ij}} = \left(\frac{\partial \mathbf{h}_t}{\partial U_{ij}}\right)^{\mathrm{T}} \frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial \mathbf{h}_t}.$$
 (6.36)

这样在第t时刻,可以实时地计算损失 \mathcal{L}_t 关于参数 U 的梯度,并更新参数。参数 W 和 \mathbf{b} 的梯度也可以同样按上述方法实时计算。

两种算法比较 BPTT 算法和RTRL 算法都是基于梯度下降的算法,分别通过前向模式和反向模式应用链式法则来计算梯度。在循环神经网络中,一般网络输出维度远低于输入维度,因此 BPTT 算法的计算量会更小,但是 BPTT 算法需要保存所有时刻的中间梯度,空间复杂度较高。RTRL 算法不需要梯度回传,因此非常适合用于需要在线学习或无限序列的任务中。

6.5 长期依赖问题

循环神经网络在学习过程中的主要问题是长期依赖问题。

在BPTT算法中,将公式(6.26)展开得到

$$\delta_{t,k} = \prod_{i=k}^{t-1} \left(\operatorname{diag}(f'(\mathbf{z}_i)) U^{\mathrm{T}} \right) \delta_{t,t}.$$
 (6.37)

如果定义 $\gamma \cong \| \operatorname{diag}(f'(\mathbf{z}_i))U^{\mathrm{T}} \|$,则

$$\delta_{t,k} = \gamma^{t-k} \delta_{t,t}. \tag{6.38}$$



要注意的是,在循环神经网络中的梯度消失不是说 $\frac{\partial \mathcal{L}_{\perp}}{\partial U}$ 的梯度消失了,而是 $\frac{\partial \mathcal{L}_{t}}{\partial \mathbf{h}_{k}}$ 的梯度消失了(当t-k比较大时)。也就是说,参数U的更新主要靠当前时刻k的几个相邻状态 h_{k} 来更新,长距离的状态对U没有影响。

由于循环神经网络经常使用非线性激活函数为 logistic 函数或 tanh 函数作为非线性激活函数,其导数值都小于 1; 并且权重矩阵 ||U|| 也不会太大,因此如果时间间隔 t-k 过大, $\delta_{t,k}$ 会趋向于 0,因此经常会出现梯度消失问题。

虽然简单循环网络从理论上可以建立长时间间隔的状态之间的依赖关系,但是由于梯度爆炸或消失问题,实际上只能学习到短期的依赖关系。这就是长期依赖问题(Long-Term Dependencies Problem)。

6.5.1 改进方案

为了避免梯度爆炸或消失问题,一种最直接的方式就是选取合适的参数,同时使用非饱和的激活函数,尽量使得 $\operatorname{diag}(f'(\mathbf{z}_i))U^{\mathsf{T}}\approx 1$,这种方式需要足够的人工调参经验,限制了模型的广泛应用。比较有效的方式通过改进模型或优化方法来缓解循环网络的梯度爆炸和梯度消失问题。

梯度爆炸 一般而言,循环网络的梯度爆炸问题比较容易解决,一般通过权重衰 减或梯度截断来避免。

权重衰减是通过给参数增加 L_1 或 L_2 范式的正则化项来限制参数的取值范围,从而使得 $\gamma \leq 1$ 。梯度截断是另一种有效的启发式方法,当梯度的模大于一定阈值时,就将它截断成为一个较小的数。

梯度截断是一种启发 式的解决梯度爆炸问题 的有效方法,参见算法 (??),第??页。

邱锡鹏: 《神经网络与深度学习》

梯度消失 梯度消失是循环网络的主要问题。除了使用一些优化技巧外,更有效的方式就是改变模型,比如让U=1,同时使用 $f'(\mathbf{z}_i)=1$,即

$$\mathbf{h}_t = \mathbf{h}_{t-1} + g(\mathbf{x}_t; \theta), \tag{6.39}$$

其中 $g(\cdot)$ 是一个非线性函数, θ 为参数。

公式 (6.39) 中, \mathbf{h}_t 和 \mathbf{h}_{t-1} 之间为线性依赖关系,且权重系数为 1,这样就不存在梯度爆炸或消失问题。但是,这种改变也丢失了神经元在反馈边上的非线性激活的性质,因此也降低了模型的表示能力。

为了避免这个缺点,我们可以采用一个更加有效的改进策略:

$$\mathbf{h}_t = \mathbf{h}_{t-1} + g(\mathbf{x}_t, \mathbf{h}_{t-1}; \theta), \tag{6.40}$$

这样 \mathbf{h}_t 和 \mathbf{h}_{t-1} 之间为既有线性关系,也有非线性关系,在一定程度上可以缓解梯度消失问题。但这种改进依然有一个问题就是记忆容量(memory capacity)。随着 \mathbf{h}_t 不断累积存储新的输入信息,会发生饱和现象。假设 $g(\cdot)$ 为 logistic 函数,则随着时间 t 的增长, \mathbf{h}_t 会变得越来越大,从而导致 \mathbf{h} 变得饱和。也就是说,隐藏状态 \mathbf{h}_t 可以存储的信息是有限的,随着记忆单元存储的内容越来越多,其丢失的信息也越来越多。

为了解决容量问题,可以有两种方法。一种是增加一些额外的存储单元:外部记忆:另一种是进行选择性的遗忘,同时也进行有选择的更新。增加外部记忆的方法将在第八章中介绍,本章主要介绍后一种方法。

6.6 基于门控制的循环神经网络

为了解决上节中提到的记忆容量问题,一种非常好的解决方案是引入门控制Hochreiter and Schmidhuber [1997] 来控制信息的累积速度,包括有选择地加入新的信息,并有选择地遗忘之前累积的信息。这一类网络可以称为基于门控制的循环神经网络(Gated RNN)。本节中,主要介绍两种基于门控制的循环神经网络:长短期记忆(LSTM)网络和门控制循环单元(GRU)网络。

6.6.1 长短期记忆网络

长短期记忆(long short-term memory, LSTM)网络 [Gers et al., 2000, Hochreiter and Schmidhuber, 1997] 是循环神经网络的一个变体,可以有效地解决简单循环神经网络的梯度爆炸或消失问题。

公式(6.43)~(6.46)中的

 W_*, U_*, \mathbf{b}_* 为可学习的 网络参数, 其中* ∈

 $\{i, f, o, c\}$.

在公式 (6.40) 的基础上, LSTM 网络主要改进在以下两个方面:

新的内部状态 LSTM 网络引入一个新的内部状态 (internal state) \mathbf{c}_t 专门进行 线性的循环信息传递,同时(非线性)输出信息给隐藏层的外部状态 \mathbf{h}_{t} 。

$$\mathbf{c}_t = \mathbf{f}_t \odot \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{i}_t \odot \tilde{\mathbf{c}}_t, \tag{6.41}$$

$$\mathbf{h}_t = \mathbf{o}_t \odot \tanh(\mathbf{c}_t), \tag{6.42}$$

其中 \mathbf{f}_t , \mathbf{i}_t 和 \mathbf{o}_t 为三个门(gate)来控制信息传递的路径; \odot 为向量元素乘积; \mathbf{c}_{t-1} 为上一时刻的记忆单元; $\tilde{\mathbf{c}}_t$ 是通过非线性函数得到候选状态,

$$\tilde{\mathbf{c}}_t = \tanh(W_c \mathbf{x}_t + U_c \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_c). \tag{6.43}$$

在每个时刻t, LSTM 网络的内部状态 \mathbf{c}_t 记录了到当前时刻为止的历史信息。

门机制 LSTM 网络引入门机制(gating mechanism)来控制信息传递的路径。 公式(6.41)和(6.41)中三个"门"分别为输入门 \mathbf{i}_t ,遗忘门 \mathbf{f}_t 和输出门 \mathbf{o}_t ,

在数字电路中,门(gate)为一个二值变量{0.1},0代表关闭状态,不许 任何信息通过:1代表开放状态,允许所有信息通过。LSTM 网络中的"门"是 一种"软"门,取值在(0.1)之间,表示以一定的比例运行信息通过。LSTM网 络中三个门的作用为

- 遗忘门 \mathbf{f}_t 控制上一个时刻的内部状态 \mathbf{c}_{t-1} 需要遗忘多少信息。
- 输入门i,控制当前时刻的候选状态č,有多少信息需要保存。
- 输出门 \mathbf{o}_t 控制当前时刻的内部状态 \mathbf{c}_t 有多少信息需要输出给外部状态 \mathbf{h}_t 。

当 $\mathbf{f}_t = 0$, $\mathbf{i}_t = 1$ 时,记忆单元将历史信息清空,并将候选状态向量 $\tilde{\mathbf{c}}_t$ 写入。 但此时记忆单元 \mathbf{c}_t 依然和上一时刻的历史信息相关。当 $\mathbf{f}_t = 1, \mathbf{i}_t = 0$ 时,记忆 单元将复制上一时刻的内容,不写入新的信息。

三个门的计算方式为:

$$\mathbf{i}_t = \sigma(W_i \mathbf{x}_t + U_i \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_i), \tag{6.44}$$

$$\mathbf{f}_t = \sigma(W_f \mathbf{x}_t + U_f \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_f), \tag{6.45}$$

$$\mathbf{o}_t = \sigma(W_o \mathbf{x}_t + U_o \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_o), \tag{6.46}$$

其中 $\sigma(\cdot)$ 为 logistic 函数, 其输出区间为(0,1), \mathbf{x}_t 为当前时刻的输入, \mathbf{h}_{t-1} 为 上一时刻的外部状态。

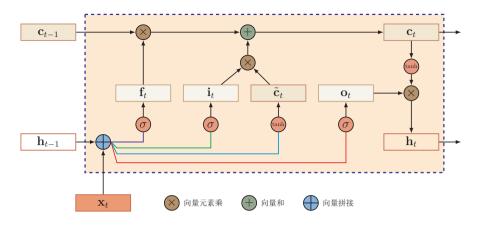


图 6.7: LSTM 循环单元结构。虚线框内为一个循环单元。

图6.7给出了LSTM 网络的循环单元结构,其计算过程为: (1) 首先利用上一时刻的外部状态 \mathbf{h}_{t-1} 和当前时刻的输入 \mathbf{x}_t ,计算出三个门,以及候选状态 $\tilde{\mathbf{c}}_t$; (2) 结合遗忘门 \mathbf{f}_t 和输入门 \mathbf{i}_t 来更新记忆单元 \mathbf{c}_t ; (3) 结合输出门 \mathbf{o}_t ,将内部状态的信息传递给外部状态 \mathbf{h}_t 。

通过LSTM循环单元,整个网络可以建立长距离的时序依赖关系。因此,对于输入和输出之间的信息传递路径上有较长的时间间隔时,可以选择LSTM 网络,也可以利用LSTM 网络的思想来改造一般的前馈网络,比如高速网络(highway network)。

公式(6.41)~(6.46)可以简洁地描述为

$$\begin{bmatrix} \tilde{\mathbf{c}}_t \\ \mathbf{o}_t \\ \mathbf{i}_t \\ \mathbf{f}_t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \tanh \\ \sigma \\ \sigma \\ \sigma \end{bmatrix} \left(W \begin{bmatrix} \mathbf{x}_t \\ \mathbf{h}_{t-1} \end{bmatrix} + \mathbf{b} \right), \tag{6.47}$$

$$\mathbf{c}_t = \mathbf{f}_t \odot \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{i}_t \odot \tilde{\mathbf{c}}_t, \tag{6.48}$$

$$\mathbf{h}_{t} = \mathbf{o}_{t} \odot \tanh\left(\mathbf{c}_{t}\right),\tag{6.49}$$

其中 $\mathbf{x}_t \in \mathbb{R}^e$ 为当前时刻的输入, $W \in \mathbb{R}^{4d \times (d+e)}$ 和 $\mathbf{b} \in \mathbb{R}^{4d}$ 为网络参数。

记忆 循环神经网络中的隐状态 h 存储了历史信息,可以看作是一种记忆 (memory)。在简单循环网络中,隐状态每个时刻都会被重写,因此可以看作是一种短

期记忆(short-term memory)。在神经网络中,还有一种长期记忆(long-term memory)。长期记忆可以看作是网络参数,隐含了从训练数据中学到的经验,并更新周期要远远慢于短期记忆。而在LSTM 网络中,记忆单元可以在某个时刻捕捉到某个关键信息,并有能力将此关键信息保存一定的时间间隔。记忆单元中保存信息的生命周期要长于短期记忆,但又远远短于长期记忆,因此称为长的短期记忆(long short-term memory)。



一般在深度网络参数学习时,参数初始化的值一般都比较小。但是在训练LSTM 网络时,过小的值会使得遗忘门的值比较小。这意味着前一时刻的信息大部分都丢失了,这样网络很难捕捉到长距离的依赖信息。并且相邻时间间隔的梯度会非常小,这会导致梯度弥散问题。因此遗忘的参数初始值一般都设得比较大,其偏置向量 b_f 设为1或2.

6.6.2 LSTM 网络的各种变体

LSTM 网络有非常多的改进版本。本节中介绍几种在门机制上比较简单的改进模型。

目前主流的LSTM网络用的三个门来动态地控制内部状态的应该遗忘多少历史信息,输入多少新信息,以及输出多少信息。

无遗忘门的LSTM 网络 Hochreiter and Schmidhuber [1997] 最早提出的LSTM 网络是没有遗忘门的,其内部状态的更新为

$$\mathbf{c}_t = \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{i}_t \odot \tilde{\mathbf{c}}_t. \tag{6.50}$$

如之前的分析,记忆单元c会不断增大。当输入序列的长度非常大时,记忆单元的容量会饱和,从而大大降低LSTM模型的性能。

peephole 连接 另外一种变体是三个门不但依赖于输入 \mathbf{x}_t 和上一时刻的隐状态 \mathbf{h}_{t-1} ,也依赖于上一个时刻的记忆单元 \mathbf{c}_{t-1} 。

$$\mathbf{i}_t = \sigma(W_i \mathbf{x}_t + U_i \mathbf{h}_{t-1} + V_i \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{b}_i), \tag{6.51}$$

$$\mathbf{f}_t = \sigma(W_f \mathbf{x}_t + U_f \mathbf{h}_{t-1} + V_f \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{b}_f), \tag{6.52}$$

$$\mathbf{o}_t = \sigma(W_o \mathbf{x}_t + U_o \mathbf{h}_{t-1} + V_o \mathbf{c}_t + \mathbf{b}_o), \tag{6.53}$$

其中 V_i , V_f 和 V_o 为对角阵形式的参数。

邱锡鹏:《神经网络与深度学习》

耦合输入门和遗忘门 LSTM 网络中的输入门和遗忘门有些互补关系,因此同时用两个门比较冗余。为了减少 LSTM 网络的计算复杂度,将这两门合并为一个门。令

$$\mathbf{f}_t = \mathbf{1} - \mathbf{i}_t. \tag{6.54}$$

这样,内部状态的更新方式为

$$\mathbf{c}_t = (\mathbf{1} - \mathbf{i}_t) \odot \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{i}_t \odot \tilde{\mathbf{c}}_t. \tag{6.55}$$

6.6.3 门控制循环单元网络

门控制循环单元(gated recurrent unit, GRU) 网络 [Cho et al., 2014, Chung et al., 2014] 是一种比LSTM 网络更加简单的循环神经网络。

GRU 也是在公式 (6.40) 的基础上,引入门机制来控制信息更新的方式。在LSTM 网络中,输入门和遗忘门是互补关系,用两个门比较冗余。GRU 将输入门与和遗忘门合并成一个门:更新门。同时,GRU 也不引入额外的记忆单元,直接在当前状态 \mathbf{h}_t 和历史状态 \mathbf{h}_{t-1} 之间引入线性依赖关系。

在GRU 网络中, 当前时刻的候选状态 $\tilde{\mathbf{h}}_{t}$ 为

$$\tilde{\mathbf{h}}_t = \tanh(\mathbf{W}_c \mathbf{x}_t + \mathbf{U}(\mathbf{r}_t \odot \mathbf{h}_{t-1}) + \mathbf{b}_h), \tag{6.56}$$

其中 $\mathbf{r}_t \in [0,1]$ 为重置门(reset gate),用来控制候选状态 $\tilde{\mathbf{h}}_t$ 的计算是否依赖上一时刻的状态 \mathbf{h}_{t-1} 。

$$\mathbf{r}_t = \sigma(W_r \mathbf{x}_t + U_r \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_r), \tag{6.57}$$

当 $\mathbf{r} = 0$ 时,候选状态 $\tilde{\mathbf{h}}_t = \tanh(W_c \mathbf{x}_t + \mathbf{b})$ 只和当前输入 \mathbf{x}_t 相关,和历史状态 无关。当 $\mathbf{r} = 1$ 时,候选状态 $\tilde{\mathbf{h}}_t = \tanh(W_c \mathbf{x}_t + U \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b})$ 和当前输入 \mathbf{x}_t 和历史状态 \mathbf{h}_{t-1} 相关,和简单循环网络一致。

GRU 网络的隐状态 h, 更新方式为

$$\mathbf{h}_t = \mathbf{z}_t \odot \mathbf{h}_{t-1} + (1 - \mathbf{z}_t) \odot \tilde{\mathbf{h}}_t, \tag{6.58}$$

其中 $\mathbf{z} \in [0,1]$ 为更新门(update gate),用来控制当前状态需要从历史状态中保留多少信息(不经过非线性变换),以及需要从候选状态中接受多少新信息。

$$\mathbf{z}_t = \sigma(\mathbf{W}_z \mathbf{x}_t + \mathbf{U}_z \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_z), \tag{6.59}$$

计算候选状态 $\tilde{\mathbf{h}}_t$ 时,使用tanh激活函数是由于其导数有比较大的值域,缓解梯度消失问题。

公式 $(6.56)\sim(6.59)$ 中的 W_*,U_*,\mathbf{b}_* 为可学习的网络参数,其中* \in $\{b,r,z\}$ 。

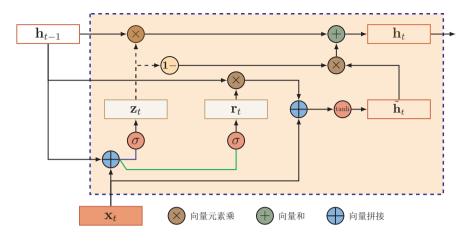


图 6.8: GRU 循环单元结构。虚线框内为一个循环单元。

当 $\mathbf{z} = 0$ 时,当前状态 \mathbf{h}_t 和历史状态 \mathbf{h}_{t-1} 之间为非线性函数。若同时有 $\mathbf{z} = 0$, $\mathbf{r} = 1$ 时,GRU 网络退化为简单循环网络;若同时有 $\mathbf{z} = 0$, $\mathbf{r} = 0$ 时,当前状态 \mathbf{h}_t 只和当前输入 \mathbf{x}_t 相关,和历史状态 \mathbf{h}_{t-1} 无关。当 $\mathbf{z} = 1$ 时,当前状态 $\mathbf{h}_t = \mathbf{h}_{t-1}$)等于上一时刻状态 \mathbf{h}_{t-1} ,和当前输入 \mathbf{x}_t 无关。

图6.8给出了GRU循环单元结构。

6.7 深层循环神经网络

如果将深度定义为网络中信息传递路径长度的话,循环神经网络可以看作是既"深"又"浅"的网络。一方面来说,如果我们把循环网络按时间展开,长时间间隔的状态之间的路径很长,循环网络可以看作是一个非常深的网络了。从另一方面来说,如果同一时刻网络输入到输出之间的路径 $\mathbf{x}_t \to \mathbf{y}_t$,这个网络是非常浅的。

既然增加深度可以极大地增强前馈神经网络的能力,那么如何增加循环神经网络的深度呢?

增加循环神经网络的深度主要是增加同一时刻网络输入到输出之间的路径 $\mathbf{x}_t \to y_t$,比如增加隐藏状态到输出 $\mathbf{h}_t \to \mathbf{y}_t$,以及输入到隐藏状态 $\mathbf{x}_t \to \mathbf{h}_t$ 之间的路径的深度。

一种常见的做法是将多个循环网络堆叠起来,称为堆叠循环神经网络(stacked recurrent neural network, SRNN)。一个堆叠的简单循环网络(stacked SRN)

邱锡鹏: 《神经网络与深度学习》

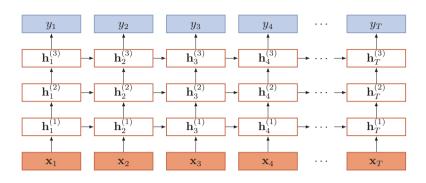


图 6.9: 按时间展开的堆叠循环神经网络

也称为循环网络循环多层感知器(recurrent multi-layer perceptron, RMLP) Parlos et al. [1991]。

图6.9给出了按时间展开的堆叠循环神经网络。第l层网络的输入是第l-1层网络的输出。我们定义 $\mathbf{h}_{\cdot}^{(l)}$ 为在时刻t时第l层的隐藏状态

$$\mathbf{h}_{t}^{(l)} = f(U^{(l)}\mathbf{h}_{t-1}^{(l)} + W^{(l)}\mathbf{h}_{t}^{(l-1)} + \mathbf{b}^{(l)}), \tag{6.60}$$

其中 $U^{(l)}$, $W^{(l)}$ 和 $\mathbf{b}^{(l)}$ 为权重矩阵和偏置向量。当 l=1 时, $\mathbf{h}_t^{(0)}=\mathbf{x}_t$ 。

6.8 双向循环神经网络

在有些任务中,一个时刻的输出不但和过去时刻的信息有关,也和后续时刻的信息有关。比如给定一个句子,其中一个词的词性由它的上下文决定,即包含左右两边的信息。因此,在这些任务中,我们可以增加一个按照时间的逆序来传递信息的网络层,来增强网络的能力。

双向循环神经网络(bidirectional recurrent neural network,Bi-RNN)由两层循环神经网络组成,它们的输入相同,只是信息传递的方向不同。

假设第1层按时间顺序,第2层按时间逆序,在时刻t时的隐藏状态定义为 $\mathbf{h}_{t}^{(1)}$ 和 $\mathbf{h}_{t}^{(2)}$,则

$$\mathbf{h}_{t}^{(1)} = f(U^{(1)}\mathbf{h}_{t-1}^{(1)} + W^{(1)}\mathbf{x}_{t} + \mathbf{b}^{(1)}), \tag{6.61}$$

$$\mathbf{h}_{t}^{(2)} = f(U^{(2)}\mathbf{h}_{t+1}^{(2)} + W^{(2)}\mathbf{x}_{t} + \mathbf{b}^{(2)}), \tag{6.62}$$

$$\mathbf{h}_t = \mathbf{h}_t^{(1)} \oplus \mathbf{h}_t^{(2)},\tag{6.63}$$

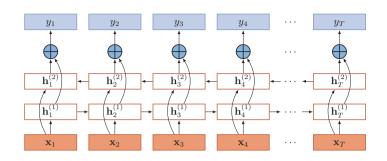


图 6.10: 按时间展开的双向循环神经网络

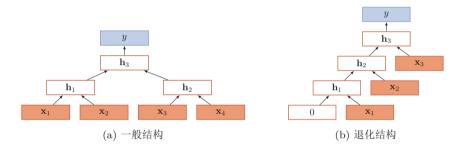


图 6.11: 递归神经网络

其中⊕为向量拼接操作。

图6.10给出了按时间展开的双向循环神经网络。

6.9 乘法 RNN

6.10 递归神经网络

递归神经网络(recursive neural network,RNN或RecNN)是循环神经网络的扩展。如果把循环神经网络展开,可以看作是在时序维度上共享一个组合函数,而递归神经网络是在一个有向无循环图上共享一个组合函数 [Pollack, 1990]。递归神经网络的一般结构为层次结构,如图6.11a所示。

以图6.11a中的结构为例,有三个隐藏层 \mathbf{h}_1 、 \mathbf{h}_2 和 \mathbf{h}_3 ,其中 \mathbf{h}_1 由两个输入 \mathbf{x}_1 和 \mathbf{x}_2 计算得到, \mathbf{h}_2 由另外两个输入层 \mathbf{x}_3 和 \mathbf{x}_4 计算得到, \mathbf{h}_3 由两个隐藏层

邱锡鹏:《神经网络与深度学习》

 \mathbf{h}_1 和 \mathbf{h}_2 计算得到。三个隐藏层的组合函数是共享的,即

$$\mathbf{h}_1 = f(W \begin{bmatrix} \mathbf{x}_1 \\ \mathbf{x}_2 \end{bmatrix} + \mathbf{b}), \tag{6.64}$$

$$\mathbf{h}_2 = f(W \begin{bmatrix} \mathbf{x}_3 \\ \mathbf{x}_4 \end{bmatrix} + \mathbf{b}), \tag{6.65}$$

$$\mathbf{h}_3 = f(W \begin{bmatrix} \mathbf{h}_1 \\ \mathbf{h}_2 \end{bmatrix} + \mathbf{b}), \tag{6.66}$$

其中 $f(\cdot)$ 是非线性激活函数,W 和 \mathbf{b} 是可学习的参数。同样,输出层 y 可以为一个分类器,比如

$$y = g(W' \begin{bmatrix} \mathbf{h}_1 \\ \mathbf{h}_2 \end{bmatrix} + \mathbf{b}'), \tag{6.67}$$

其中 $g(\cdot)$ 为分类器,W'和b'为分类器的参数。

当递归神经网络的结构退化为线性序列结构(图6.11b)时,递归神经网络就等价于简单循环神经网络。

参见习题 (6-4) 第129页。

树结构的长短期记忆模型(tree-structured LSTM)[Tai et al., 2015, Zhu et al., 2015]将LSTM模型的思想应用到树结构的网络中,来实现更灵活的组合函数。

递归神经网络主要用来建模自然语言句子的语义[Socher et al., 2011, 2013]。 给定一个句子的语法结构(一般为树状结构),可以使用递归神经网络来按照句 法的组合关系来合成一个句子的语义。句子中每个短语成分可以在分成一些子 成分,即每个短语的语义都可以由它的子成分语义组合而来,并进而合成整句 的语义。

6.11 总结和深入阅读

Hopfield 网络(Hopfield network)

常用的学习循环神经网络的算法是BPTT算法,其计算时间和空间要求会随时间线性增长。为了提高效率,当输入序列的长度比较大时,可以使用带截

邱锡鹏:

《神经网络与深度学习》

断(truncated)的 BPTT 算法 [Williams and Peng, 1990],只计算固定时间间隔内的梯度回传。

循环神经网络的一个难点是长期依赖问题 [Bengio et al., 1994, Hochreiter et al., 2001]。为了解决这个问题,人们对循环神经网络进行了很多的改进,其中最有效的一个改进版本是 *LSTM* 网络, LSTM 网络由 [Hochreiter and Schmidhuber, 1997] 提出,被 [Gers et al., 2000] 改进。当然还有一些其它方法,比如时钟循环神经网络(clockwork RNN)[Koutnik et al., 2014]、以及引入注意力机制等。

注意力机制参见第8.1节, 第161页。

LSTM 网络目前为止最成功的循环神经网络模型,成功应用在很多领域,比如语音识别、机器翻译 [Sutskever et al., 2014]、语音模型以及文本生成。LSTM 网络通过引入线性连接来缓解长距离依赖问题。虽然 LSTM 取得了很大的成功,其结构的合理性一直受到广泛关注。人们不断有尝试对其进行改进来寻找最优结构,比如减少门的数量、提高并行能力等。

LSTM 的改进版本众多,其中使用比较广泛的有 GRU 网络 [Chung et al., 2014]。关于 LSTM 的分析可以参考文献 [Greff et al., 2017, Jozefowicz et al., 2015, Karpathy et al., 2015]。

LSTM 的线性连接以及门控制的想法十分有效。受此启发,残差网络 [He et al., 2016] 和高速网络 [Srivastava et al., 2015] 都通过引入线性连接来训练非常深的卷积网络。Grid LSTM 网络 [Kalchbrenner et al., 2015]

- 习题 6-1 计算公式 (6.30) 和公式 (6.31) 中的梯度。
- 习题 6-2 计算 LSTM 网络中参数的梯度,并分析其避免梯度消失的效果。
- 习题 6-3 计算 GRU 网络中参数的梯度,并分析其避免梯度消失的效果。
- **习题 6-4** 证明当递归神经网络的结构退化为线性序列结构时,递归神经网络就等价于简单循环神经网络。

参考文献

Yoshua Bengio, Patrice Simard, and Paolo Frasconi. Learning long-term dependencies with gradient descent is difficult. Neural Networks, IEEE Transactions on, 5(2):157–166, 1994.

Kyunghyun Cho, Bart Van Merriënboer, Caglar Gulcehre, Dzmitry Bahdanau, Fethi Bougares, Holger Schwenk, and Yoshua Bengio. Learning phrase representations using rnn encoder-decoder for statistical machine translation. arXiv preprint arXiv:1406.1078, 2014.

Junyoung Chung, Caglar Gulcehre, KyungHyun Cho, and Yoshua Bengio. Empirical evaluation of gated recurrent neural networks on sequence modeling. arXiv preprint arXiv:1412.3555, 2014. Jeffrey L Elman. Finding structure in time. Cognitive science, 14(2):179–211, 1990.

Felix A Gers, Jürgen Schmidhuber, and Fred Cummins. Learning to forget: Continual prediction with lstm. *Neural Computation*, 2000.

Klaus Greff, Rupesh K Srivastava, Jan Koutník, Bas R Steunebrink, and Jürgen Schmidhuber. Lstm: A search space odyssey. *IEEE transactions on* neural networks and learning systems, 2017.

Simon Haykin. Neural networks and learning machines, volume 3. Pearson Upper Saddle River, NJ, USA:, 2009. Kaiming He, Xiangyu Zhang, Shaoqing Ren, and Jian Sun. Deep residual learning for image recognition. In Proceedings of the IEEE conference on computer vision and pattern recognition, pages 770–778, 2016.

Sepp Hochreiter and Jürgen Schmidhuber. Long short-term memory. *Neural computation*, 9(8):1735–1780, 1997.

Sepp Hochreiter, Yoshua Bengio, Paolo Frasconi, and Jürgen Schmidhuber. Gradient flow in recurrent nets: the difficulty of learning long-term dependencies, 2001.

Rafal Jozefowicz, Wojciech Zaremba, and Ilya Sutskever. An empirical exploration of recurrent network architectures. In *Proceedings of the 32nd International Conference on Machine Learning (ICML-15)*, pages 2342–2350, 2015. Nal Kalchbrenner, Ivo Danihelka, and Alex Graves. Grid long short-term memory. *arXiv preprint arXiv:1507.01526*, 2015.

Andrej Karpathy, Justin Johnson, and Li Fei-Fei. Visualizing and understanding recurrent networks. arXiv preprint arXiv:1506.02078, 2015.

Jan Koutnik, Klaus Greff, Faustino Gomez, and Juergen Schmidhuber. A clockwork rnn. In Proceedings of The 31st International Conference on Machine Learning, pages 1863–1871, 2014. IJ Leontaritis and Stephen A Billings. Input-output parametric models for non-linear systems part i: deterministic non-linear systems. International journal of control, 41(2):303–328, 1985.

A Parlos, A Atiya, K Chong, W Tsai, and B Fernandez. Recurrent multilayer perceptron for nonlinear system identification. In *Neural Networks*, 1991., *IJCNN-91-Seattle International* Joint Conference on, volume 2, pages 537–540. IEEE, 1991.

Jordan B Pollack. Recursive distributed representations. *Artificial Intelligence*, 46(1):77–105, 1990.

Anton Maximilian Schäfer and Hans Georg Zimmermann. Recurrent neural networks are universal approximators. In *International Conference on Artificial Neural Networks*, pages 632–640. Springer, 2006.

Hava T Siegelmann and Eduardo D Sontag. Turing computability with neural nets. *Applied Mathematics Letters*, 4(6): 77–80, 1991.

Richard Socher, Cliff C Lin, Chris Manning, and Andrew Y Ng. Parsing natural scenes and natural language with recursive neural networks. In *Proceedings of ICML*, 2011.

Richard Socher, Alex Perelygin, Jean Y Wu, Jason Chuang, Christopher D Manning, Andrew Y Ng, and Christopher Potts. Recursive deep models for semantic compositionality over a sentiment treebank. In *Proceedings of EMNLP*, 2013.

Rupesh Kumar Srivastava, Klaus Greff, and Jürgen Schmidhuber. Highway networks. arXiv preprint arXiv:1505.00387, 2015.

Ilya Sutskever, Oriol Vinyals, and Quoc VV Le. Sequence to sequence learning with neural networks. In Ad-

vances in Neural Information Processing Systems, pages 3104–3112, 2014.

Kai Sheng Tai, Richard Socher, and Christopher D Manning. Improved semantic representations from treestructured long short-term memory networks. In *Proceedings of the 53rd Annual Meeting of the Association for Computational Linguistics*, 2015.

Alex Waibel, Toshiyuki Hanazawa, Geoffrey Hinton, Kiyohiro Shikano, and Kevin J Lang. Phoneme recognition using time-delay neural networks. *IEEE transactions on acoustics, speech, and signal processing*, 37(3):328–339, 1989.

Paul J Werbos. Backpropagation through time: what it does and how to do it. *Proceedings of the IEEE*, 78(10): 1550–1560, 1990.

Ronald J Williams and Jing Peng. An efficient gradient-based algorithm for on-line training of recurrent network trajectories. *Neural computation*, 2(4): 490–501, 1990.

Ronald J Williams and David Zipser. Gradient-based learning algorithms for recurrent networks and their computational complexity. *Backpropagation:* Theory, architectures, and applications, 1:433–486, 1995.

Xiaodan Zhu, Parinaz Sobihani, and Hongyu Guo. Long short-term memory over recursive structures. In *Proceedings* of *LCML*, pages 1604–1612, 2015.