第一章 循环神经网络

前馈神经网络假设每次输入都是独立的,也就是说每次网络的输出只依赖 于当前的输入。但是在很多现实任务中,不同时刻的输入可以相互影响,比如 视频、语音、文本等序列结构数据。某个时刻的输出可能和前面时刻的输入相 关。此外,这些序列结构数据的长度一般是不固定的。而前馈神经网络要求输 入和输出的维数都是固定的,不能任意改变。当处理序列数据时,前馈神经网 络就无能力为了。

在前馈神经网络模型中,连接存在层与层之间,每层的节点之间是无连接的。循环神经网络(Recurrent Neural Networks,RNN)通过使用带自反馈的神经元,能够处理任意长度的序列。循环神经网络比前馈神经网络更加符合生物神经网络的结构。循环神经网络已经被广泛应用在语音识别、语言模型以及自然语言生成等任务上。

给定一个输入序列 $\mathbf{x}_{1:T} = (\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2, \dots, \mathbf{x}_t, \dots, \mathbf{x}_T)$,循环神经网络通过下面 公式更新带反馈边的隐藏层的**活性值 \mathbf{h}_t**:

$$\mathbf{h}_{t} = \begin{cases} 0 & t = 0\\ f(\mathbf{h}_{t-1}, \mathbf{x}_{t}) & \text{otherwise} \end{cases}$$
 (1.1)

从数学上讲,公式1.1可以看成一个动态系统。动态系统是指系统的状态按照一定的规律随时间变化的系统。因此,活性值 \mathbf{h}_t 在很多文献上也称为状态或隐状态。但这里的状态是数学上的概念,区别与我们在前馈网络中定义的神经元的状态。理论上循环神经网络可以近似任意的动态系统。图1.1给出了循环神经网络的示例。

循环神经网络的参数训练可以通过**时序反向传播**(Backpropagation Through Time, BPTT) 算法 [Werbos, 1990] 来学习。时序反向传播即按照时间的逆序将

RNN也经常被翻译为递 归神经网络。这里为了区 别与另外一种递归神经 网络(Recursive Neural Networks), 我们称为 循环神经网络。

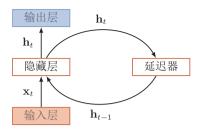


图 1.1: 循环神经网络

错误信息一步步地往前传递。这样,当输入序列比较长时,会存在梯度爆炸和消失问题 [Bengio et al., 1994, Hochreiter and Schmidhuber, 1997, Hochreiter et al., 2001],也称为长期依赖问题。为了解决这个问题,人们对循环神经网络进行了很多的改进,其中最有效的一个改进版本是长短期记忆神经网络。

在本章中,我们先介绍循环神经网络的基本定义以及梯度计算,然后介绍两种扩展模型:长短时记忆神经网络和GRU网络。

1.1 简单循环网络

我们先来看一个非常简单的循环神经网络,叫**简单循环网络**(Simple Recurrent Network, SRN) [Elman, 1990]。

假设时刻t时,输入为 \mathbf{x}_t ,隐层状态(隐层神经元活性)为 \mathbf{h}_t 。 \mathbf{h}_t 不仅和当前时刻的输入相关,也和上一个时刻的隐层状态相关。

一般我们使用如下函数:

$$\mathbf{z}_t = U\mathbf{h}_{t-1} + W\mathbf{x}_t + \mathbf{b},\tag{1.2}$$

$$\mathbf{h}_t = f(\mathbf{z}_t) = f(U\mathbf{h}_{t-1} + W\mathbf{x}_t + \mathbf{b}), \tag{1.3}$$

其中 \mathbf{z}_t 为神经元的净输入, $f(\cdot)$ 是非线性激活函数,通常为logistic 函数或 tanh 函数。

图1.2给出了按时间展开的循环神经网络。如果我们把每个时刻的状态都看作是前馈神经网络的一层的话,循环神经网络可以看作是在时间维度上权值共享的神经网络。

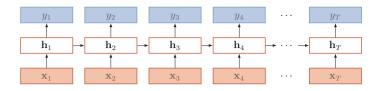


图 1.2: 按时间展开的循环神经网络

1.2 应用到机器学习

循环神经网络可以应用到很多不同类型的机器学习任务。根据这些任务的 特点可以分为以下几种模式:

- 序列到类别模式:这种模式就是序列数据的分类问题。输入为序列,输出 为类别。比如在文本分类中,输入数据为单词的序列,输出为该文本的类 别。
- 序列到序列模式: 这类任务的输入和输出都为序列。具体又可以分为两种情况:
 - 同步的序列到序列模式: 这种模式就是机器学习中的**序列标注**(Sequence Labeling)任务,即每一时刻都有输入和输出,输入序列和输出序列的长度相同。比如**词性标注**(Part-of-Speech Tagging)中,每一个单词都需要标注其对应的词性标签。
 - 异步的序列到序列模式:这种模式也称为编码器-解码器(Encoder-Decoder)模型,即输入和输出不需要有严格的对应关系,也不需要保持相同的长度。比如在机器翻译中,输入为源语言的单词序列,输出为目标语言的单词序列。

参见第??节,第??页。

参见第??节、第??页。

下面我们分别来看下这几种应用模式。

1.2.1 序列到类别模式

首先,我们来看下序列到类别的应用模式。假设一个样本 $\mathbf{x} = (\mathbf{x}_1, \cdots, \mathbf{x}_T)$ 为一个长度为T的序列,输出为一个类别 $\mathbf{y} \in \{1, \cdots, C\}$ 。我们可以将样本 \mathbf{x} 按不同时刻输入到循环神经网络中,并得到不同时刻的隐藏状态 $\mathbf{h}_1, \cdots, \mathbf{h}_T$ 。我

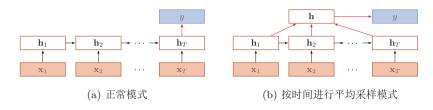


图 1.3: 序列到类别的应用模式

们可以将 \mathbf{h}_T 看作整个序列的最终表示(或特征),并输入给分类器 $q(\cdot)$,

$$\hat{y} = g(\mathbf{h}_T),\tag{1.4}$$

这里 $g(\cdot)$ 可以是简单的线性分类器(比如 Logistic 回归)或复杂的分类器(比如 多层前馈神经网络)。

除了将最后时刻的隐藏状态作为序列表示(如图1.3a)之外,我们还可以对整个序列的所有隐藏状态进行平均,并用这个平均状态来作为整个序列的表示(如图1.3b)。

$$\hat{y} = g(\frac{1}{T} \sum_{t=1}^{T} \mathbf{h}_t). \tag{1.5}$$

1.2.2 同步的序列到序列模式

在同步的序列到序列模式中(如图1.5所示),输入为一个长度为T的序列 $\mathbf{x} = (\mathbf{x}_1, \cdots, \mathbf{x}_T)$,输出为序列 $\mathbf{y} = (y_1, \cdots, y_T)$ 。样本 \mathbf{x} 按不同时刻输入到循环神经网络中,并得到不同时刻的隐状态 $\mathbf{h}_1, \cdots, \mathbf{h}_T$ 。每个时刻的隐状态 \mathbf{h}_t 代表了当前时刻和历史的信息,并输入给分类器 $g(\cdot)$ 得到当前时刻的标签 \hat{y}_t 。

$$\hat{y}_t = g(\mathbf{h}_t), \forall i \in [1, T]. \tag{1.6}$$

1.2.3 异步的序列到序列模式

在异步的序列到序列模式中(如图1.5所示),输入为一个长度为T的序列 $\mathbf{x} = (\mathbf{x}_1, \dots, \mathbf{x}_T)$,输出为序列 $\mathbf{y} = (y_1, \dots, y_T)$ 。样本 \mathbf{x} 按不同时刻输入到循

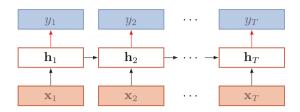


图 1.4: 同步的序列到序列模式

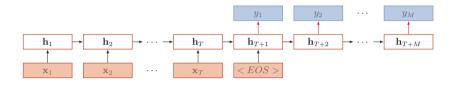


图 1.5: 异步的序列到序列模式

环神经网络中,并得到不同时刻的隐状态 $\mathbf{h}_1, \cdots, \mathbf{h}_T$ 。每个时刻的隐状态 \mathbf{h}_t 代表了当前时刻和历史的信息,并输入给分类器 $g(\cdot)$ 得到当前时刻的标签 \hat{y}_t 。

$$\hat{y}_t = g(\mathbf{h}_t), \forall i \in [1, T]. \tag{1.7}$$

1.2.4 参数学习

循环神经网络的参数学习可以通过**随时间进行反向传播**(Backpropagation Through Time, BPTT)算法[Werbos, 1990]。图1.6给出了随时间进行反向传播算法的示例。

Pascanu et al. [2013] 以随机梯度下降为例,给定一个训练样本 (\mathbf{x}, \mathbf{y}) ,其中 $\mathbf{x} = (\mathbf{x}_1, \dots, \mathbf{x}_T)$ 为长度是 T 的输入序列, $\mathbf{y} = (\mathbf{y}_1, \dots, \mathbf{y}_T)$ 是长度为 T 的标签序列。即在每个时刻 t,都有一个监督信息 \mathbf{y}_t ,我们定义时刻 t 的损失函数为

$$\mathcal{L}_t = \mathcal{L}(\mathbf{y}_t, f(\mathbf{h}_{t-1}, \mathbf{x}_t)), \tag{1.8}$$

这里 \mathcal{L} 为可微分的损失函数,比如交叉熵。那么整个序列上损失函数为

$$\mathcal{L} = \sum_{t=1}^{T} \mathcal{L}_t. \tag{1.9}$$

整个序列的损失函数 \mathcal{L} 关于参数 U_{ij} 的梯度为:

$$\mathbf{z}_k = U\mathbf{h}_{k-1} + W\mathbf{x}_k + \mathbf{b}.$$

链式法则参见公式(??),第??页。

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial U_{ij}} = \sum_{t=1}^{T} \frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial U_{ij}} \tag{1.10}$$

$$= \sum_{t=1}^{T} \sum_{k=1}^{t} tr \left(\left(\frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial \mathbf{z}_k} \right)^{\mathrm{T}} \frac{\partial^+ \mathbf{z}_k}{\partial U_{ij}} \right), \tag{1.11}$$

其中 $\frac{\partial^+ \mathbf{z}_k}{\partial U_{ij}}$ 表示"直接"导数,即直对公式 (1.2) 中出现的 U_{ij} 进行求导,得到

$$\frac{\partial^{+}\mathbf{z}_{k}}{\partial U_{ij}} = \begin{bmatrix} 0\\ \vdots\\ [\mathbf{h}_{k}]_{j}\\ \vdots\\ 0 \end{bmatrix}, \qquad (1.12)$$

其中 $[\mathbf{h}_k]_j$ 为第 k 时刻隐状态的第 j 维。 $\frac{\partial^+ \mathbf{z}_k}{\partial U_{ij}}$ 除了第 i 行外,其余都为 0。

我们定义 $\delta_{t,k} = \frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial \mathbf{z}_k}$ 为第 t 时刻的损失对第 k 时刻隐藏神经元的净输入 \mathbf{z}_k 的导数,则

$$\delta_{t,k} = \frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial \mathbf{z}_k} \tag{1.13}$$

$$= \frac{\partial \mathbf{h}_k}{\partial \mathbf{z}_k} \frac{\partial \mathbf{z}_{k+1}}{\partial \mathbf{h}_k} \frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial \mathbf{z}_{k+1}}$$
(1.14)

$$= \operatorname{diag}(f'(\mathbf{z}_k))U^{\mathrm{T}}\delta_{t,k+1}. \tag{1.15}$$

将公式(1.15)和(1.12)代入公式(1.11)得到

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial U_{ij}} = \sum_{t=1}^{T} \sum_{k=1}^{t} [\delta_{t,k}]_i [\mathbf{h}_k]_j. \tag{1.16}$$

将上式写成矩阵形式为

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial U} = \sum_{t=1}^{T} \sum_{k=1}^{t} \delta_{t,k} \mathbf{h}_{k}^{\mathrm{T}}.$$
(1.17)

同理可得, \mathcal{L} 关于权重W和偏置 \mathbf{b} 的梯度为

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial W} = \sum_{t=1}^{T} \sum_{k=1}^{t} \delta_{t,k} \mathbf{x}_{k}^{\mathrm{T}}, \tag{1.18}$$

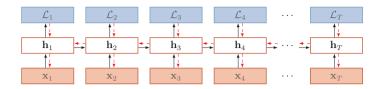


图 1.6: 按时间展开的循环神经网络

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \mathbf{b}} = \sum_{t=1}^{T} \sum_{k=1}^{t} \delta_{t,k}.$$
 (1.19)

长期依赖问题 将公式 (1.15) 展开得到

$$\delta_{t,k} = \prod_{i=k}^{t-1} \left(\operatorname{diag}(f'(\mathbf{z}_i)) U^{\mathrm{T}} \right) \delta_{t,t}.$$
 (1.20)

我们定义 $\gamma = \|\operatorname{diag}(f'(\mathbf{z}_i))U^{\mathrm{T}}\|$,则

$$\delta_{t,k} = \gamma^{t-k} \delta_{t,t}. \tag{1.21}$$

值得注意的是,在循环神经网络中的梯度消失不是说 $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial U}$ 的梯度消失了,而是 $\frac{\partial \mathcal{L}_t}{\partial \mathbf{h}_k}$ 的梯度消失了。也就是说,参数U的更新主要靠最近的几个状态在更新,长距离的状态对U没有影响。

在循环神经网络的应用中,由于经常使用非线性激活函数为 logistic 函数或 tanh 函数作为非线性激活函数,其导数值都小于1;并且权重矩阵 $\|U^{\mathrm{T}}\|$ 也不会太大。如果时间间隔 t-k 过大, $\|\frac{\partial \mathbf{z}_t}{\partial \mathbf{z}_k}\|$ 会趋向于 0,因此经常会出现梯度消失问题。

虽然简单循环网络从理论上可以建立长时间间隔的状态之间的依赖关系,但是由于梯度爆炸或消失问题,实际上只能学习到短期的依赖关系。这就是所谓的长期依赖问题(Long-Term Dependencies Problem)。

1.2.5 改进方案

为了避免梯度爆炸或消失问题,就要尽量使得 $\operatorname{diag}(f'(\mathbf{z}_i))U^{\mathrm{T}}=1$ 。最直接的方式就是选取合适的参数,同时使用非饱和的激活函数,使得 $\operatorname{diag}(f'(\mathbf{z}_i))U^{\mathrm{T}}\sim 1$ 。但这种方式需要足够的人工调参经验,限制了模型的广泛应用。

除了调参之外,更好的一种方式就是改变模型,比如让U=1,同时使用 $f'(\mathbf{z}_i)=1$,即

$$\mathbf{h}_t = \mathbf{h}_{t-1} + Wg(\mathbf{x}_t), \tag{1.22}$$

其中,W为权重参数, $g(\cdot)$ 是非线性激活函数。

上述改进模型使得 \mathbf{h}_t 和 \mathbf{h}_{t-1} 之间为线性依赖关系,且权重系数为 1,这样就不存在梯度爆炸或消失问题。但是,这种改变也丢失了神经元在反馈边上的非线性激活的性质,因此也降低了模型的表示能力。

为了避免这个缺点,我们可以采用一个更加有效的改进策略:引入一个新的状态 \mathbf{c}_t 专门来进行线性的反馈传递,同时在 \mathbf{c}_t 的信息非线性传递给 \mathbf{h}_t 。

$$\mathbf{c}_t = \mathbf{c}_{t-1} + Wg(\mathbf{x}_t), \tag{1.23}$$

$$\mathbf{h}_t = \tanh(\mathbf{c}_t),\tag{1.24}$$

其中 \mathbf{h}_t 依然为神经元在第t时刻的状态;而 \mathbf{c}_t 为一个新的记忆单元,用来保存历史时刻的信息。

但这种改进依然存在一定的问题。记忆单元 \mathbf{c} 不断累积存储新的输入信息,会发生饱和现象。假设 $g(\cdot)$ 为logistic 函数,则随着时间的增长, \mathbf{c} 会变得越来越大,从而导致 \mathbf{h} 变得饱和。也就是说,记忆单元可以存储的信息,即**网络容量**(Network Capacity),是有限的。随着记忆单元存储的内容越来越多,其丢失的信息也越来越多。为了解决这个问题,Hochreiter and Schmidhuber [1997] 提出一个非常好的解决方案,就是引入门控制来控制信息的累积速度,并可以选择遗忘之前累积的信息。这就是下节介绍的长短时记忆神经网络。

1.3 基于门控制的循环神经网络

1.3.1 长短期记忆神经网络

长短期记忆神经网络(Long Short-Term Memory Neural Network, LSTM 网络)[Hochreiter and Schmidhuber, 1997] 是循环神经网络的一个变体,可以有效地解决简单循环神经网络的梯度爆炸或消失问题。

和上一节介绍的改进方案一样,LSTM 网络也引入一个记忆单元(Memory Unit)来保存历史信息,并且利用门机制(Gating Mechanism)来控制信息传递的路径。在每个时刻,LSTM 网络用三个"门"来动态地学习记忆单元应该遗忘多少历史信息,输入多少新信息,以及输出多少信息。

记忆单元也成为内部状 态。

公式(1.25)~(1.30)中的

在每个时刻t,LSTM 网络的记忆单元为 \mathbf{c}_t ,记录了到当前时刻为止的历史信息。三个"门"分别为输入门 \mathbf{i}_t ,遗忘门 \mathbf{f}_t 和输出门 \mathbf{o}_t ,其取值为 $\{0,1\}$,0代表关闭状态,不许任何信息通过;1代表开放状态,允许所有信息通过。遗忘门 \mathbf{f}_t 控制每一个内存单元需要遗忘多少信息,输入门 \mathbf{i}_t 控制每一个内存单元加入多少新的信息,输出门 \mathbf{o}_t 控制每一个内存单元输出多少信息。

LSTM 网络采用一种"软"的方式,根据输入 \mathbf{x}_t 以及上一个时刻的隐状态 \mathbf{h}_{t-1} 分别计算三个门:

$$W_*, U_*, \mathbf{b}_*$$
 为可学习的 网络参数,其中* \in

 $\{i, f, o, c\}$.

$$\mathbf{i}_t = \sigma(W_i \mathbf{x}_t + U_i \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_i), \tag{1.25}$$

$$\mathbf{f}_t = \sigma(W_f \mathbf{x}_t + U_f \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_f), \tag{1.26}$$

$$\mathbf{o}_t = \sigma(W_o \mathbf{x}_t + U_o \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_o), \tag{1.27}$$

其中 $\sigma(\cdot)$ 为 logistic 函数,其输出区间为(0,1), \mathbf{x}_t 为当前时刻的输入, \mathbf{h}_{t-1} 为上一时刻的隐状态。

首先利用遗忘门 \mathbf{f}_t 和输入门 \mathbf{i}_t 来更新记忆单元 \mathbf{c}_t

$$\mathbf{c}_t = \mathbf{f}_t \odot \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{i}_t \odot \tilde{\mathbf{c}}_t, \tag{1.28}$$

其中, \odot 为按位向量乘积, \mathbf{c}_{t-1} 为上一时刻的记忆单元, $\tilde{\mathbf{c}}_t$ 为当前时刻的候选记忆向量,

$$\tilde{\mathbf{c}}_t = \tanh(W_c \mathbf{x}_t + U_c \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_c). \tag{1.29}$$

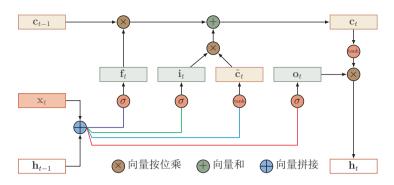


图 1.7: LSTM 网络结构示例

当 $\mathbf{f}_t = 0$, $\mathbf{i}_t = 1$ 时,记忆单元将历史信息清空,并将候选记忆向量 $\tilde{\mathbf{c}}_t$ 写入。但此时记忆单元 \mathbf{c}_t 依然和上一时刻的历史信息相关。当 $\mathbf{f}_t = 1$, $\mathbf{i}_t = 0$ 时,记忆单元将复制上一时刻的内容,不写入新的信息。

更新完记忆单元后,再利用输出门 \mathbf{o}_t 来产生当前时刻的隐状态 \mathbf{h}_t ,

$$\mathbf{h}_t = \mathbf{o}_t \odot \tanh(\mathbf{c}_t). \tag{1.30}$$

公式(1.25)~(1.30)可以简洁地描述为

$$\begin{bmatrix} \tilde{\mathbf{c}}_t \\ \mathbf{o}_t \\ \mathbf{i}_t \\ \mathbf{f}_t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \tanh \\ \sigma \\ \sigma \\ \sigma \end{bmatrix} \left(W \begin{bmatrix} \mathbf{x}_t \\ \mathbf{h}_{t-1} \end{bmatrix} + \mathbf{b} \right), \tag{1.31}$$

$$\mathbf{c}_t = \mathbf{f}_t \odot \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{i}_t \odot \tilde{\mathbf{c}}_t, \tag{1.32}$$

$$\mathbf{h}_t = \mathbf{o}_t \odot \tanh\left(\mathbf{c}_t\right),\tag{1.33}$$

其中, $\mathbf{x}_t \in \mathbb{R}^e$ 为当前时刻的输入, $W \in \mathbb{R}^{4d \times (d+e)}$ 和 $\mathbf{b} \in \mathbb{R}^{4d}$ 为网络参数。

图1.7给出了LSTM 网络的计算结构。通过建立 \mathbf{c}_t 和 \mathbf{c}_{t-1} 之间的线性依赖 关系,LSTM 网络可以建立长距离的时序依赖关系。因此,对于输入和输出之间的信息传递路径上有较长的时间间隔时,可以选择LSTM 网络,也可以利用 LSTM 网络的思想来改造一般的前馈网络,比如高速网络(Highway Network)

С

记忆 循环神经网络中的隐状态h存储了历史信息,可以看作是一种记忆(Memory)。在简单循环网络中,隐状态每个时刻都会被重写,因此可以看作是一种短期记忆(Short-term Memory)。在神经网络中,还有一种长期记忆(Long-term Memory)。长期记忆可以看作是网络参数,隐含了从训练数据中学到的经验,并更新周期要远远慢于短期记忆。而在LSTM 网络中,记忆单元可以在某个时刻捕捉到某个关键信息,并有能力将此关键信息保存一定的时间间隔。记忆单元中保存信息的生命周期要长于短期记忆,但又远远短于长期记忆,因此称为长的短期记忆(Long Short-Term Memory)。



一般在深度网络参数学习时,参数初始化的值一般都比较小。但是在训练 LSTM 网络时,过小的值会使得遗忘门的值比较小。这意味着前一时刻的信息大部分都丢失了,这样网络很难捕捉到长距离的依赖信息。并且相邻时间间隔的梯度会非常小,这会导致梯度弥散问题。因此遗忘的参数初始值一般都设得比较大,其偏置向量 \mathbf{b}_f 设为 1 或 2.

LSTM 网络的各种变体

最早的LSTM网络是没有遗忘门的,其记忆单元的更新如下:

$$\mathbf{c}_t = \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{i}_t \odot \tilde{\mathbf{c}}_t. \tag{1.34}$$

如之前的分析,记忆单元 c 会不断增大。当输入序列的长度非常大时,记忆单元的容量会饱和,从而大大降低 LSTM 模型的性能。

peephole 连接

另外一种变体是在计算三个门时,不但依赖于输入 \mathbf{x}_t 和上一时刻的隐状态 \mathbf{h}_{t-1} ,也依赖于上一个时刻的记忆单元 \mathbf{c}_{t-1} 。

$$\mathbf{i}_t = \sigma(W_i \mathbf{x}_t + U_i \mathbf{h}_{t-1} + V_i \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{b}_i), \tag{1.35}$$

$$\mathbf{f}_t = \sigma(W_f \mathbf{x}_t + U_f \mathbf{h}_{t-1} + V_f \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{b}_f), \tag{1.36}$$

$$\mathbf{o}_t = \sigma(W_o \mathbf{x}_t + U_o \mathbf{h}_{t-1} + V_o \mathbf{c}_t + \mathbf{b}_o), \tag{1.37}$$

其中, V_i , V_f 和 V_o 为对角阵。

耦合输入门和遗忘门

在LSTM中,输入门和遗忘门是互补关系。因此同时用两个门比较冗余。可以将这两门合并为一个门,让

$$\mathbf{f}_t + \mathbf{i}_t = \mathbf{1}.\tag{1.38}$$

这样就可以只计算一个门,减少LSTM网络的计算复杂度。以只计算输入门i_t为例,记忆单元的更新方式为

$$\mathbf{c}_t = (\mathbf{1} - \mathbf{i}_t) \odot \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{i}_t \odot \tilde{\mathbf{c}}_t. \tag{1.39}$$

1.3.2 GRU 网络

GRU 网络(gated recurrent unit network)[Cho et al., 2014, Chung et al., 2014] 是一种比 LSTM 网络更加简化的版本。在 LSTM 网络中,输入门和遗忘门是互补关系,因为同时用两个门比较冗余。GRU 将输入门与和遗忘门合并成一个门:更新门(Update Gate)。同时,GRU 也不引入额外的记忆单元,直接在当前状态 \mathbf{h}_t 和历史状态 \mathbf{h}_{t-1} 之间引入线性依赖关系。

我们先计算当前时刻的候选状态 $\tilde{\mathbf{h}}_t$,

$$\tilde{\mathbf{h}}_t = \tanh(W_c \mathbf{x}_t + U(\mathbf{r}_t \odot \mathbf{h}_{t-1}) + \mathbf{b}), \tag{1.40}$$

其中 $\mathbf{r} \in [0,1]$ 为**重置门**(reset gate),用来控制候选状态中有多少信息是从历史信息中直接得到。

$$\mathbf{r}_t = \sigma(W_r \mathbf{x}_t + U_r \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_r), \tag{1.41}$$

当 $\mathbf{r} = 0$ 时,候选状态 $\tilde{\mathbf{h}}_t = \tanh(W_c \mathbf{x}_t)$ 只和当前输入 \mathbf{x}_t 相关,和历史状态无关。当 $\mathbf{r} = 1$ 时,候选状态 $\tilde{\mathbf{h}}_t = \tanh(W_c \mathbf{x}_t + U \mathbf{h}_{t-1})$ 和当前输入 \mathbf{x}_t 和历史状态 \mathbf{h}_{t-1} 相关,和简单循环网络一致。

GRU网络的隐状态更新如下

$$\mathbf{h}_t = \mathbf{z}_t \odot \mathbf{h}_{t-1} + (1 - \mathbf{z}_t) \odot \tilde{\mathbf{h}}_t, \tag{1.42}$$

其中 $\mathbf{z} \in (0,1)$ 为**更新门**(update gate),用来控制当前状态需要从历史状态中保留多少信息(不经过非线性变换),以及需要从候选状态中接受多少新信息。

$$\mathbf{z}_t = \sigma(\mathbf{W}_z \mathbf{x}_t + \mathbf{U}_z \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_z), \tag{1.43}$$

邱锡鹏:《神经网络与深度学习》

计算候选状态 $\tilde{\mathbf{h}}_t$ 时,使

用tanh激活函数是由于

其异数有比较大的值域,

缓解梯度消失问题。

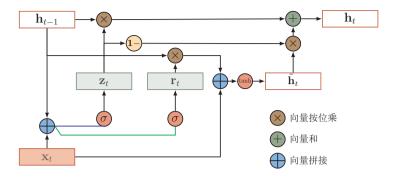


图 1.8: GRU 网络结构示例

$$\tilde{\mathbf{h}}_t = \tanh(\mathbf{W}_c \mathbf{x}_t + \mathbf{U}(\mathbf{r}_t \odot \mathbf{h}_{t-1})), \tag{1.44}$$

当 $\mathbf{z} = 0$ 时,当前状态 \mathbf{h}_t 和历史状态 \mathbf{h}_{t-1} 之间为非线性函数。当重置门 $\mathbf{r} = 1$ 时,GUR退化为简单循环网络。当 $\mathbf{z} = 1$ 时,当前状态 $\tilde{\mathbf{h}}_t = \tanh(\mathbf{W}_c\mathbf{x}_t + \mathbf{U}\mathbf{h}_{t-1})$ 和当前输入 \mathbf{x}_t 和历史状态 \mathbf{h}_{t-1} 相关,和简单循环网络一致。

图1.8给出了GRU模型的计算结构。

1.4 深层循环神经网络

循环神经网络的深度是一个有争议的话题。一方面来说,如果我们把循环网络按时间展开,不同时刻的状态之间存在非线性连接,循环网络已经是一个非常深的网络了。从另一方面来说,这个网络是非常浅的。任意两个相邻时刻的隐藏状态($\mathbf{h}_{t-1} \to \mathbf{h}_{t}$),隐藏状态到输出($\mathbf{h}_{t} \to \mathbf{y}_{t}$),以及输入到隐藏状态之间($\mathbf{x}_{t} \to \mathbf{h}_{t}$)之间的转换只有一个非线性函数。

既然增加深度可以极大地增强前馈神经网络的能力,那么如何增加循环神经网络的深度呢?一种常见的做法是将多个循环网络堆叠起来,称为**堆叠循环神经网络**(() Stacked Recurrent Neural Network,SRNN)。

第l 层网络的输入是第l-1 层网络的输出。我们定义 $\mathbf{h}_t^{(l)}$ 为在时刻t 时第l 层的隐藏状态,定义为

$$\mathbf{h}_{t}^{(l)} = f(\mathbf{U}^{(l)}\mathbf{h}_{t-1}^{(l)} + \mathbf{W}^{(l)}\mathbf{h}_{t}^{(l-1)} + \mathbf{b}^{(l)}), \tag{1.45}$$

其中 $\mathbf{U}^{(l)}$, $\mathbf{W}^{(l)}$ 和 $\mathbf{b}^{(l)}$ 为权重矩阵和偏置向量。当l=1时, $\mathbf{h}_t^{(0)}=\mathbf{x}_t$ 。

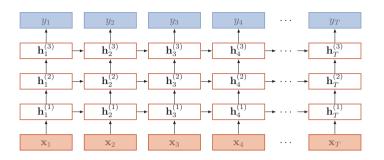


图 1.9: 按时间展开的堆叠循环神经网络

图1.9给出了按时间展开的堆叠循环神经网络。

1.5 双向循环神经网络

在有些任务中,一个时刻的输出不但和过去时刻的信息有关,也和后续时刻的信息有关。比如给定一个句子,其中一个词的词性由它的上下文决定,即包含左右两边的信息。因此,在这些任务中,我们可以增加一个按照时间的逆序来传递信息的网络层,来增强网络的能力。

双向循环神经网络(Bidirectional Recurrent Neural Network, Bi-RNN)由 两层循环神经网络组成,它们的输入相同,只是信息传递的方向不同。

假设第1层按时间顺序,第2层按时间逆序,在时刻t时的隐藏状态定义为 $\mathbf{h}_{t}^{(1)}$ 和 $\mathbf{h}_{t}^{(2)}$,则

$$\mathbf{h}_{t}^{(1)} = f(\mathbf{U}^{(1)}\mathbf{h}_{t-1}^{(1)} + \mathbf{W}^{(1)}\mathbf{x}_{t} + \mathbf{b}^{(1)}), \tag{1.46}$$

$$\mathbf{h}_{t}^{(2)} = f(\mathbf{U}^{(2)}\mathbf{h}_{t+1}^{(2)} + \mathbf{W}^{(2)}\mathbf{x}_{t} + \mathbf{b}^{(2)}), \tag{1.47}$$

$$\mathbf{h}_t = \mathbf{h}_t^{(1)} \oplus \mathbf{h}_t^{(2)},\tag{1.48}$$

其中⊕为向量拼接操作。

图1.10给出了按时间展开的双向循环神经网络。

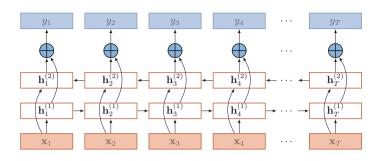


图 1.10: 按时间展开的双向循环神经网络

1.6 递归神经网络

递归神经网络(Recursive Neural Network,RNN)

1.7 Hopfield 网络

Hopfield [1982]

1.8 总结和深入阅读

习题 1-1 计算公式 (1.18) 和公式 (1.19) 中的梯度。

参考文献

Yoshua Bengio, Patrice Simard, and Paolo Frasconi. Learning long-term dependencies with gradient descent is difficult. *Neural Networks, IEEE Transactions on*, 5(2):157–166, 1994.

Kyunghyun Cho, Bart Van Merriënboer, Caglar Gulcehre, Dzmitry Bahdanau, Fethi Bougares, Holger Schwenk, and Yoshua Bengio. Learning phrase representations using rnn encoder-decoder for statistical machine translation. arXiv preprint arXiv:1406.1078, 2014.

Junyoung Chung, Caglar Gulcehre,

KyungHyun Cho, and Yoshua Bengio. Empirical evaluation of gated recurrent neural networks on sequence modeling. arXiv preprint arXiv:1412.3555, 2014. Jeffrey L Elman. Finding structure in time. Cognitive science, 14(2):179–211, 1990.

Sepp Hochreiter and Jürgen Schmidhuber. Long short-term memory. *Neural computation*, 9(8):1735–1780, 1997.

Sepp Hochreiter, Yoshua Bengio, Paolo Frasconi, and Jürgen Schmidhuber. Gradient flow in recurrent nets: the difficulty of learning long-term dependencies, 2001.

John J Hopfield. Neural networks and physical systems with emergent collective computational abilities. *Proceedings of the national academy of sciences*, 79 (8):2554–2558, 1982.

Razvan Pascanu, Tomas Mikolov, and Yoshua Bengio. On the difficulty of training recurrent neural networks. In *Proceedings of the International Conference on Machine Learning*, pages 1310–1318, 2013.

Paul J Werbos. Backpropagation through time: what it does and how to do it. *Proceedings of the IEEE*, 78(10): 1550–1560, 1990.