rap

先把每个拼音处理只剩韵母比较部分:处理包括:删去声母,删去后鼻音的 g ,删去 ia,ie,ue... 前面的 i,u 。然后给每个韵母给一个数字代表他,把一整句话放在类似 字典树的东西里面。会计数重复,最后做一个后缀差。也可以暴力二分判断,但复杂度 $O(n^2 \log n)$ 写得优秀的话可以过。

draw

构诰题。

自行手搓我们不难发现,在大部分情况下,我们只要定好了 1 的位置,其他的位置只需要在斜线上依次放上 $2 \sim n$ 即可

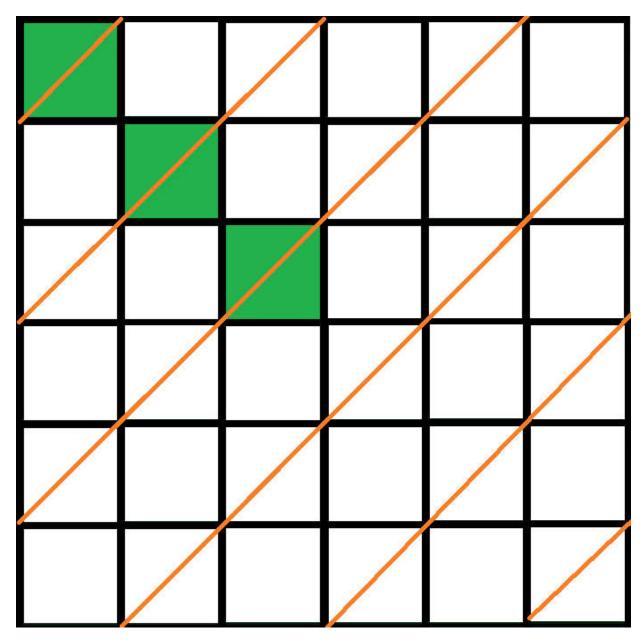
我们先构造行列为奇数 (20pts) 的方法:

从**样例#2**, 我们可以较为轻松地得到构造方案:

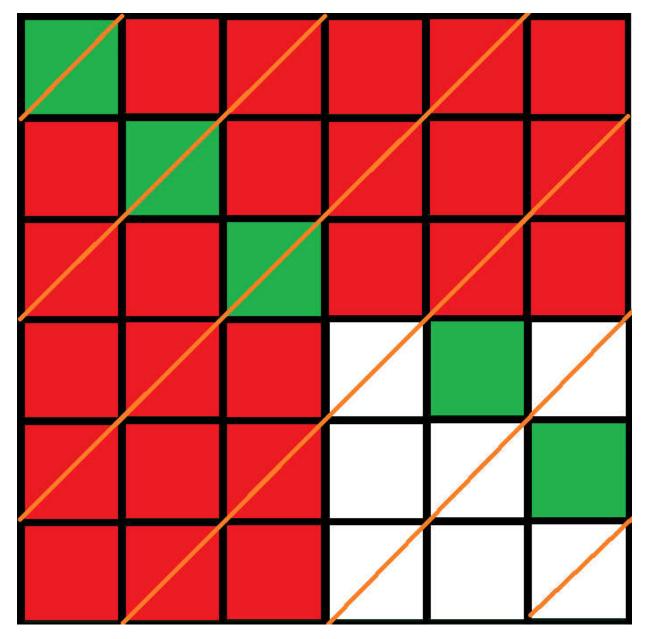
- 从**左上到右下**的**对角线**全部放 1
- 对于所有**斜线**, 依次放上 $2 \sim n$ 即可

困难的部分是后面的 (80pts) 的方法,以 6×6 的方格为例:

- 出题人给 n 为偶数的部分分肯定不止是为了防爆零对吧……
- 我们还是先按 20pts 的方法放 1,如下图 (绿色为放 1 的格子,橙色线为放了这些 1 之后通过 斜线上为排列 的性质后对其他格子不能放 1 的限制):



- 我们可以发现,我们只能放 20pts 方案中左上角的格子,然后我们就会发现行列编号之和为偶数的格子都不能放了,只剩下行列编号之和为奇数的格子。
- 然后我们就在行列编号之和为奇数的格子里面继续找地方放 1,如下图 (红色为通过 行/列为排列 的性质不能放 1 的格子):



我们就是将原先右下角放1的格子向右移了1格。

然后还是在**斜线**上放剩下的 $2 \sim n$

至于对角线上的就直接通过该 行/列 直接推即可。

Then that's all, thanks.

love

整理式子:

$$\sum_{i=1}^{k} |a_i x + b_i|$$

Sol 1

首先考虑绝对值是个凸函数的性质: 凸函数 + 凸函数 = 凸函数 。可以发现,所求函数满足两段单调。

所以我们可以三分f然后O(n)算出最终答案。

复杂度 $O(n^2 \log v)$ 期望得分 20。

然而三分瓶颈在于求出最终答案,考虑如何优化。

我们把绝对值拆开分段考虑。

当 $x < -b_i/a_i$ 时,与 $x \ge -b_i/a_i$ 时贡献不一样,考虑将函数按照 $-b_i/a_i$ 排序,将函数相加(对 a_i 和 b_i 做前后缀和,利用数据结构维护)

所以可以三分断点,以此求出答案。

注意 $a_i = 0$ 的情况,以及需要使得 a_i 为正 (a_i, b_i) 都取相反数即可)。

复杂度 $O(n \log n \log v)$, 期望得分 75。

sol 2

先考虑特殊性质。

不难发现,可以转化为最小化数轴上一个点到其他点的最小距离。

这应该给了很多提示。所以这一部分可以通过 heap 水过。

实测,其实利用堆可以过大部分数据,只是这复杂度.....O(玄学)

期望得分:玄学

类似的考虑正解:

利用绝对值,**强制**使得 $a_i \ge 0$,同时也改变 b_i 的符号,可以得到类下的式子:

$$\sum_{i=1}^{k} a_i | x + \frac{b_i}{a_i} |$$

于是相当于在数轴上 $-\frac{b_i}{a_i}$ 的位置放 a_i 个点。求x到这些点的最小距离。

而如果要最小化距离,那么显然是在中间的位置。

所以考虑使用平衡树维护中位数,以及 b_i 前缀和,求解距离即可。

同时,也可以考虑离线后离散化,在线段树或者树状数组上二分可以做到 $O(n \log n)$ 。

期望得分 100。

sol 3

SMB 给出了另一种想法,每加入/删除一个一次函数相当于区间加/减一个斜率。 离散化出加减的断点,维护线段树支持区间加,树上二分找到最低点即可。 复杂度 $O(n \log n)$,期望得分 100。

plant

首先考虑 m=1 的情况,容易发现此时 a_i 是确定的,我们只需要求最小代价。

容易发现操作的执行顺序不影响结果。我们钦定一定是先用机器再用人工,假设执行完所有用机器的区间操作之后的序列为 p_i ,那么机器操作的贡献是 $c \sum \max(p_{i+1}-p_i,0)$,人工操作的贡献是 $\sum |p_i-a_i|$ 。

考虑 dp,设 $f_{i,j}$ 表示考虑到前 i 盆花且 $p_i = j$ 时上式的最小代价,初始 $f_{0,j} = cj$,答案为 $f_{n+1,0}$,那么有转移: $f_{i,j} = \min_k f_{i-1,k} + c \cdot \max\{j-k,0\} + |j-a_i|$ 。可以通过 Subtask4。

观察这个式子,发现后面加的东西是凸函数。考虑一种经典维护凸函数的方法(slope trick): 我们维护一个可重集合,表示这个凸函数 "拐弯" 的一些地方。点 x 出现了 k 次代表斜率在这个点变化了 k。

考虑 f 这个函数在中间长什么样: 一开始一段斜率为 -1 的直线,中间斜率递增,最后 斜率为 c+1 的直线。先不看 $|j-a_i|$ (与 k 无关),只考虑加入 $c \cdot \max\{j-k,0\}$,它带来的影响是前面斜率为 -1 的一段变为 0,斜率为 c+1 的一段变为 c。再加上 $|a_i-j|$ 就是以 a_i 为分界,前面斜率 -1,后面斜率 +1。

我们运用之前的方法维护这个凸函数,f的图像初始是一条直线,即这个集合中初始有

c
ho 0。加入 $c \cdot max\{j-k,0\}$ 之后,斜率为 -1 段变为 0,斜率为 c+1 的段变为 c,对应的变化就是删除集合中的最大最小值(注意最开始的时候不能删,因为没有斜率为 -1 或 c+1 的段)。然后再考虑添加 $|a_i-j|$,实际上就是在 a_i 这个位置斜率变化了 2,我们加入两个 a_i 即可。

考虑统计答案。容易发现取出集合中的最小元素 mn,它一定是斜率从-1 到0 的一个拐点,这里 a_i 的加入使得最小值增加了 a_i-mn ,即将答案加上 a_i-mn 。

再考虑 m = 1 时的计数,首先 a_i 的和是好计算的,我们只需要考虑 -mn 的部分,容易想到统计每个数作为最小值被删除了多少次。差分一下转化为求 < x 的数被作为最小值删除了多少次。将 i 看成 $[i \ge x]$,统计 0 被删了几次,容易发现只有全是 1 的时候 0 才不会被删除。设 $g_{i,j}$ 表示考虑到前 i 个数,集合中有 j 个 1 的方案数,答案即为 $nk^n - \sum g_{i,c+2} \cdot m^{n-i}$ 。

考虑 g 的求法,假设第 i 个数有 c_1 个 1, c_0 个 0,那么令 t=j-[j>0]-[j==c+2] 表示有 j 个 1 时去掉最大最小还剩多少个 1,那我们有: $c_1g_{i-1,j}$ \rightarrow $g_{i,t+2}$, $c_0g_{i-1,j}$ \rightarrow $g_{i,t}$