

# 神灵庙(desire)

---

## 40 分

当树结构已确定时，肯定是深度大的节点安排小的  $a_i$ 。

先把  $a_i$  排序，然后按照深度来做 dp，设  $f_{i,j,k,l}$  为当前做到深度  $i$ ，深度为  $i$  的节点有  $j$  个，深度为  $i+1$  的节点有  $k$  个，已经放了  $l$  个叶子。时间  $\mathcal{O}(n^4)$ 。

## 100 分

总的花费是  $\sum dep \times val$ ，因为我们是按照深度往下做，可以考虑把代价分到每一层，即每次深度加一是都加上还没安排的  $a_i$  的总花费。

这样的话状态就不必带上深度了， $f_{i,j,k}$  表示当前深度的节点有  $i$  个，下一层的节点有  $j$  个，叶子已经放了  $k$  个的最小花费。时间  $\mathcal{O}(n^3)$ 。

注意到有  $\frac{1}{4}$  或  $\frac{1}{8}$  的常数，所以可以通过。空间的话滚动数组即可。

# 断句(dealing)

---

## 子任务 1

AC 自动机 + dp 即可。

## 子任务 2

现在  $|S|$  较小，考虑在 AC 自动机上的每个状态都处理出一个  $last_u$ ，表示从  $u$  不停地跳  $fail$ ，遇到的第一个代表  $S$  中的串的状态。dp 转移时每次跳  $last$  即可，因为只有这些状态才对 dp 转移有用，而这些状态最多  $|S|$  个，所以时间为  $\mathcal{O}(|S||T|)$ 。

## 子任务 3

如果你写了子任务 2 的做法，你会发现你直接通过了本题。这是因为子任务 2 的做法对于所有数据的时间复杂度其实都是根号的：

因为  $\sum_{s \in S} |s| \leq 2 \times 10^5$ ，所以长度大于  $\sqrt{200000}$  的串最多  $\sqrt{200000}$  个，从任意状态开始跳  $last$ ，也最多跳到根号个这样的串代表的节点；而对于长度小于等于根号的串，也只会跳到根号个，这是因为每次跳到的状态对应的串长都是不一样的，而这部分串的串长只有一到根号这根号种。

# 绀珠传 (lunatic)

---

## 子任务 2, 3

如果存在一组为交为空，这时的策略肯定是长度前  $k-1$  大单独成组，剩下的都放一组。下面我们讨论没有交为空的组的情况：

对于一条线段  $i$ ，如果存在另一条被  $i$  包含的线段  $j$ ，那么线段  $i$  在最优方案中要么单独作为一组，要么和  $j$  一个组。

所以可以把这样的  $i$  都先去掉。现在我们剩下的线段都互不包含。

统计答案时，先枚举一个  $t$ ，剩下的线段组成了  $t$  个组，则  $i$  这样的线段有  $k - t$  个单独成组（肯定用长度前  $k - t$  大的）。

所以只需对于所有的  $t$  都求出剩下的线段的贡献即可。

注意到剩下的线段按照端点排序后，最优情况下每一组必然是一个区间，一个区间  $[x, y]$  的贡献即为  $R_x - L_y$ 。

直接实现可以视情况拿到子任务 2 或 3 的分数。

## 子任务 4

当  $t = 1$  时，所有剩下的线段都是一组，贡献为  $R_1 - L_m$ （假设剩下  $m$  条线段）。 $t$  增大时，可以理解为我们选择了若干个断点，每个断点  $p$  的对贡献的增量是  $R_{p+1} - L_p$ ，把这个值从大到小排序选前  $t - 1$  大即可。

# 天空璋 (season)

---

## 子任务 2

对于一个修改，使用前缀和，在矩阵中的  $\mathcal{O}(n)$  行都修改一下。最后得到整个  $A$ ，再做最小生成树。

## 子任务 3

维护一个历史版本和，就不用每行都修改了。还是得到  $A$ ，再做最小生成树。

## 子任务 4

现在的问题是当  $n$  较大时，不能得到完整的  $A$  再做最小生成树。

所以考虑使用 Boruvka 算法。

难点在于每条边的边权是  $A_{i,j} + A_{j,i}$ ，导致扫描线怎么都不好扫。

考虑添加  $m$  个新的操作，新加的第  $i$  个操作为原来的第  $i$  个操作沿主对角线反转得来，加的数也和原第  $i$  个操作一样。这时我们惊奇地发现，新的  $A'_{i,j} = A'_{j,i} = A_{i,j} + A_{j,i}$ 。

现在我们就只需实现一个矩形加，每行查询颜色与  $c_i$  不同的最大值了。

扫描线即可，颜色与  $c_i$  不同的限制只用维护最大值和次大值就可以解决。