

## Jump

为了方便定义第  $0, n+1$  个点分别为  $k, m$ , 对应的  $b_i = 0$ 。

那么转移方程是显然的:  $dp(i) = \max_{0 \leq j < i} \{dp(j) + b_i - \lceil \frac{T_i - T_j}{D} \rceil \times a\}$ 。

这个东西乍一看没法优化, 因为那个上取整很不好弄。

此时有一个经典套路, 利用余数的关系分拆开取整。

就是

$$\lceil \frac{T_i - T_j}{D} \rceil = \begin{cases} \lfloor \frac{T_i}{D} \rfloor - \lfloor \frac{T_j}{D} \rfloor + 1, & (T_i \bmod D > T_j \bmod D) \\ \lfloor \frac{T_i}{D} \rfloor - \lfloor \frac{T_j}{D} \rfloor, & \text{otherwise.} \end{cases}$$

下取整可以换成 C++ 自带除法。

于是方程就可以分别写成  $i, j$  相关项, 于是我们用一个权值线段树维护一下  $dp(i) + a \times \lfloor \frac{T_i}{D} \rfloor$ , 每次转移分别询问前后缀 max 即可。

## Match

注意到两个串匹配的充要条件是: 对于  $\forall i \in [1, len]$ , 两个串对应位置的字符到上一个对应字符的距离相等。

比如  $S = aba, T = bab$ , 写出来就可以变成  $S' = 002, T' = 002$ 。

于是问题可以转化为一个简单的字符串匹配了。

但是注意到  $S = abab, T = aba$ , 若我们正在匹配  $S[2..4]$  和  $T$ , 直接写出来就是:  $S'[1..3] = 022, T' = 002$ , 发现不匹配了, 这是因为  $S[1]$  这个位置的贡献本来应该不算, 直接取原串就会死掉。

所以我们删掉一个位置的时候, 要考虑当前位置是否会对后面某一个位置产生影响。

这个利用字符串 Hash 可以  $O(1)$  做, 就找到对应位置, 减去即可。

剩下的每次  $O(1)$  扩展, 都是字符串 Hash 的基本操作, 很简单。

## Graph

注意到答案一定是最短路长度, 不然的话显然存在一个删掉后最短路仍然存在的颜色。

那么, 直接求一次最短路, 然后考虑  $S \rightarrow T$  的路径上的一条边  $(u, v)$ , 它只需要被染色成  $\max(dis[S \rightarrow u], dis[S \rightarrow v])$  即可。

其本质是找到合适的, 类似于按层染色的方式使得方案成立。

正确性显然。

## Xor

题面有点叙述不清, 或者说有点绕。

虽然说是满足  $1 \leq i < j \leq k$  的点  $(i, j)$ 。

但实际上如果  $k = 1$ , 那么这样的  $(i, j)$  不存在, 所以长度为 1 的子序列也是满足条件的。

看到这个问题, 很容易想到直接把所有数丢进 Trie 树来考虑。

我们可以做一个 dp, 设  $dp(u)$  表示在以  $u$  为根的子树中选两个数, 使得它们的异或和  $\geq X$  的方案数。

我们假设  $u$  的层数为  $i$  (从高到低插入), 那么如果  $2^{i-1} > X$ , 显然不管我们怎么从  $ls(u), rs(u)$  当中选, 都一定可以选出大于等于  $X$  的方案。

所以  $dp(u) = dp(ls(u)) \times dp(rs(u))$ .

其中  $ls(u)$  表示  $tr[u, 0]$ ,  $rs$  反之。

然后考虑, 如果  $2^{i-1}$  恰好是  $X$  的最高位, 那么此时一定分别从两边选, 且每一边至多选一个, 不然异或之后全是 0 了, 不合法。

于是首先算上只选一个和空集的方案数, 这部分是  $siz(u) + 1$ 。

剩下的部分的话, 问题就转化为, 在  $ls(u), rs(u)$  当中分别选一个, 使得它们的异或和大于等于  $X$ , 这个也可以 dp。

我们设  $f(x, y)$  表示这个 dp 数组, 并记  $x, y$  的层数为  $j$ 。

分类讨论  $bit(j) = x \gg j \ \& \ 1$  的取值, 可以得到转移:

$$f(x, y) = \begin{cases} f(ls(x), ls(y)) + f(rs(x), rs(y)) + siz(ls(x)) \times siz(rs(y)) + siz(ls(y)) \times siz(rs(x)) & (bit(j) = 0) \\ f(ls(x), rs(y)) + f(ls(y), rs(x)) & (bit(j) = 1) \end{cases}$$

1 的话就是两边必须错开选, 0 的话两边怎么选都行。

注意边界的时候要返回  $siz$ !

而且 Trie 树处理的时候 bit 不要卡着上界 63, 小一点, 不然溢出了就寄了。

sol by black\_trees