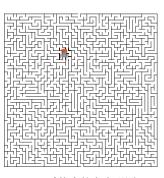
# 第十一章 对状态的不完全观测

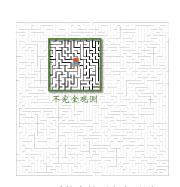
### 11.1 不完全观测问题

之前章节中的 DQN  $Q(s,a;\boldsymbol{w})$ ,策略网络  $\pi(a|s;\boldsymbol{\theta})$ 、 $\mu(s;\boldsymbol{\theta})$ ,价值网络  $q(s,a;\boldsymbol{w})$ 、 $v(s;\boldsymbol{w})$  都需要把当前状态 s 作为输入。之前我们一直假设可以完全观测到状态 s; 在围棋、象棋、五子棋等简单的游戏中,棋盘上当前的格局就是完整的状态,符合完全观测的假设。但是在很多实际应用中,完全观测假设往往不符合实际。比如在星际争霸、英雄联盟等电子游戏中,屏幕上当前的画面并不能完整反映出游戏的状态,因为观测只是地图的一小部分;甚至最近的 100 帧也无法反映出游戏真实的状态。

把 t 时刻的状态记作  $s_t$ ,把观测记作  $o_t$ 。观测  $o_t$  可以是当前游戏屏幕上的画面,也可以是最近 100 帧画面。我们无法用  $\pi(a_t|s_t;\boldsymbol{\theta})$  做决策,因为我们不知道  $s_t$ 。最简单的解决办法就是用当前观测  $o_t$  代替状态  $s_t$ ,用  $\pi(a_t|o_t;\boldsymbol{\theta})$  做决策。同理,对于 DQN 和价值网络,也用  $o_t$  代替  $s_t$ 。虽然这种简单的方法可行,但是效果恐怕不好。



(a) 对状态的完全观测



(b) 对状态的不完全观测



(c) 记忆过去的观测

图 11.1: 在迷宫问题中,智能体可能知道迷宫的整体格局,也可能只知道自己附近的格局。

图 11.1 的例子是让智能体走迷宫。图 11.1(a) 中智能体可以完整观测到迷宫 s; 这种问题最容易解决。图 11.1(b) 中智能体只能观测到自身附近一小块区域  $o_t$ ,这属于不完全观测问题,这种问题较难解决。如果仅仅靠当前观测  $o_t$  做决策,智能体做出的决策是非常盲目的,很难走出迷宫。一种更合理的办法是让智能体记住过去的观测,这样就能对状态的观测越来越完整,做出越来越理性的决策; 如图 11.1(c) 所示。

对于不完全观测的强化学习问题,应当记忆过去的观测,用所有已知的信息做决策。这正是人类解决不完全观测问题的方式。对于星际争霸、扑克牌、麻将等不完全观测的游戏,人类玩家也需要记忆;人类玩家的决策不止依赖于当前时刻的观测  $o_t$ ,而是依赖于过去所有的观测  $o_1, \cdots, o_t$ 。把从初始到 t 时刻为止的所有观测记作:

$$o_{1:t} = [o_1, o_2, \cdots, o_t]$$

可以用  $o_{1:t}$  代替状态 s, 作为策略网络的输入, 那么策略网络就记作:

$$\pi(a_t \mid \boldsymbol{o}_{1:t}; \boldsymbol{\theta}).$$

该如何实现这样一个策略网络呢?请注意, $o_{1:t}$ 的大小是变化的。如果  $o_1, \dots, o_t$  都是  $d \times 1$  的向量,那么  $o_{1:t}$  是  $d \times t$  的矩阵或  $dt \times 1$  的向量,它的大小随 t 增长。卷积层和 全连接层都要求输入大小固定,因此不能简单地用卷积层和全连接层实现策略网络。一 种可行的办法是将卷积层、全连接层与循环层结合,这样就能处理不固定长度的输入。

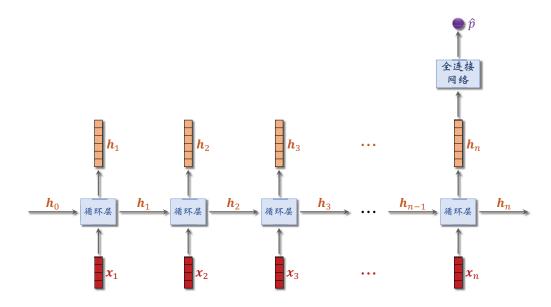
APP 770 496 THE. 11 40  $\approx$ 無作者 shusen . wang @ stevens . edu 10 \* 校对, 欠余险

### 11.2 循环神经网络 (RNN)

循环神经网络 (Recurrent Neural Network),缩写 RNN,是一类神经网络的总称,由循环层 (Recurrent Layers) 和其他种类的层组成。循环层的作用是把一个序列(比如时间序列、文本、语音)映射到一个特征向量。设向量  $x_1, \dots, x_n$  是一个序列。对于所有的  $t=1,\dots,n$ ,循环层把  $(x_1,\dots,x_t)$  映射到特征向量  $h_t$ 。依次把  $x_1,\dots,x_n$  输入循环层,会得到:

$$egin{array}{lll} (m{x}_1) & \Longrightarrow & m{h}_1, \ (m{x}_1, m{x}_2) & \Longrightarrow & m{h}_2, \ (m{x}_1, m{x}_2, m{x}_3) & \Longrightarrow & m{h}_3, \ dots & & dots \ (m{x}_1, m{x}_2, m{x}_3, \cdots, m{x}_{n-1}) & \Longrightarrow & m{h}_{n-1}, \ (m{x}_1, m{x}_2, m{x}_3, \cdots, m{x}_{n-1}, m{x}_n) & \Longrightarrow & m{h}_n. \end{array}$$

RNN 的好处在于不论输入序列的长度 t 是多少,从序列中提取出的特征向量  $h_t$  的大小是固定的。请特别注意, $h_t$  并非只依赖于  $x_t$  这一个向量,而是依赖于  $[x_1, \cdots, x_t]$ ;理想情况下, $h_t$  记住了  $[x_1, \cdots, x_t]$  中的主要信息。比如  $h_3$  是对  $[x_1, x_2, x_3]$  的概要,而非是对  $x_3$  这一个向量的概要。



**图 11.2:** 输入是序列  $x_1, \dots, x_t$ 。向量  $h_t$  是从所有 t 个输入中提取的特征,可以把它看做输入序列的一个概要。把  $h_t$  输入全连接层(带 Sigmoid 激活函数),得到分类结果  $\hat{p}$ 。

举个例子,用户给商品写的评论由 n 个字组成(不同的评论有不同的 n),我们想要判断评论是正面的还是负面的,这是个二元分类问题。用词嵌入 (Word Embedding) 把每个字映射到一个向量,得到  $x_1, \dots, x_n$ ,把它们依次输入循环层。循环层依次输出  $h_1, \dots, h_n$ 。我们只需要用  $h_n$ ,因为它是从全部输入  $x_1, \dots, x_n$  中提取的特征;可以忽略掉  $h_1, \dots, h_{n-1}$ 。最后,二元分类器把  $h_n$  作为输入,输出一个介于 0 到 1 之间的数  $\hat{p}$ ,

0代表负面,1代表正面。图11.2描述了神经网络的结构。

循环层的种类有很多,常见的包括简单循环层、LSTM、GRU。本书只介绍简单循环层。LSTM、GRU 是对简单循环层的改进,结构更复杂,效果更好;但是它们的原理与简单循环层基本相同。读者只需要理解简单循环层就足够了。用 TensorFlow、PyTorch、Keras 编程实现的话,几种循环层的使用方法完全相同(唯一区别是函数名)。

简单循环层的输入记作  $\boldsymbol{x}_1, \cdots, \boldsymbol{x}_n \in \mathbb{R}^{d_{\text{in}}}$ ,输出记作  $\boldsymbol{h}_1, \cdots, \boldsymbol{h}_n \in \mathbb{R}^{d_{\text{out}}}$ 。循环层的参数是矩阵  $\boldsymbol{W} \in \mathbb{R}^{d_{\text{out}} \times d_{\text{in}}}$  和向量  $\boldsymbol{b} \in \mathbb{R}^{d_{\text{in}}}$ 。循环层的输出是这样计算出来的:从 $t = 1, \cdots, n$ ,依次计算

$$oldsymbol{h}_t = anh \Big( oldsymbol{W} ig[ oldsymbol{h}_{t-1}; oldsymbol{x}_t ig] + oldsymbol{b} \Big).$$

图 11.3 解释上面的公式。注意,不论输入序列长度 n 是多少,简单循环层的参数只有唯一的 W 和 b。公式中的 tanh 是双曲正切函数,见图 11.4。tanh 是标量函数;如果输入是向量,那么 tanh 应用到向量的每一个元素上。对于  $d \times 1$  的向量 z,有

$$\tanh(\boldsymbol{z}) = \left[\tanh(z_1), \tanh(z_2), \cdots, \tanh(z_d)\right]^T.$$

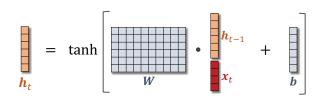


图 11.3: 简单循环层。

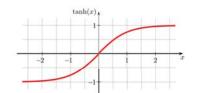


图 11.4: 双曲正切函数。

### 11.3 RNN 作为策略网络

在不完全观测的设定下,我们希望策略网络能利用所有已经收集的观测  $o_{1:t} = [o_1, \dots, o_t]$  做决策。定义策略网络为

$$\boldsymbol{f}_t = \pi(a_t \mid \boldsymbol{o}_{1:t}; \boldsymbol{\theta})$$

结构如图 11.5 所示。在第 t 时刻,观测到  $o_t$ ,用卷积网络提取特征,得到向量  $x_t$ 。循环层把  $x_t$  作为输入,然后输出  $h_t$ 。 $h_t$  是从  $x_1, \cdots, x_t$  中提取出的特征,是对所有观测  $o_{1:t} = [o_1, \cdots, o_t]$  的一个概要。全连接网络(输出层激活函数是 Softmax)把  $h_t$  作为输入,然后输出向量  $f_t$ ,作为 t 时刻决策的依据。 $f_t$  的维度是动作空间的大小 |A|,它的每个元素对应一个动作,表示选择该动作的概率。

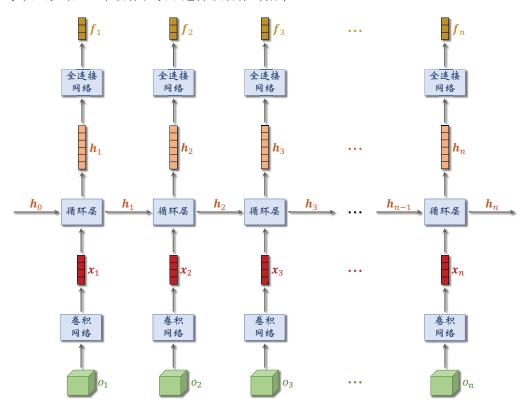


图 11.5: 基于 RNN 的策略网络。图中所有的全连接网络都有相同的参数; 所有的循环层都有相同的参数; 所有的卷积层都有相同的参数。

对于不完全观测问题,我们可以类似地搭建 DQN 和价值网络。DQN 可以定义为:

$$Q(\boldsymbol{o}_{1:t}, a_t; \boldsymbol{w}).$$

价值网络可以定义为:

$$q(\mathbf{o}_{1:t}, a_t; \mathbf{w})$$
  $\forall v(\mathbf{o}_{1:t}; \mathbf{w}).$ 

这些神经网络与图 11.5 中策略网络的区别仅在于全连接网络的结构而已;它们使用的卷积网络、循环层与图 11.5 相同。

## ☞ 第十一章 相关文献 ~

RNN 是一类很重要的神经网络。学术界认为最早的 RNN 是 Hopfield network [50], 尽管它跟我们今天用的 RNN 很不一样。现在最常用的 RNN 包括 LSTM [49] 和 GRU [28]。注意力机制 (Attention) 由 2015 年的论文 [6] 提出,将注意力机制与 RNN 结合,可以大幅提升 RNN 在机器翻译任务上的表现。注意力机制显然可以用于本章介绍的 RNN 策略 网络,但是这样会大幅增加计算量。

2015 年的论文 [45] 首先将 RNN 应用于深度强化学习,把 RNN 与 DQN 相结合,把 得到的方法叫做 DRQN。在此之后,RNN 成为解决不完全观测问题的一种标准技巧,比 如论文 [67, 37, 79]。