

力学总复习



质点运动 及其运动规律

教学基本要求

- 一 掌握描述质点运动及运动变化的四个物理量——位置矢量、位移、速度、加速度 · 理解这些物理量的矢量性、瞬时性和相对性 ·
- 二 理解运动方程的物理意义及作用. 会处理两类问题:(1)运用运动方程确定质点的位置、位移、速度和加速度的方法;(2)已知质点运动的加速度和初始条件求速度、运动方程的方法.
- 三 掌握曲线运动的自然坐标表示法.能计算质点在平面内运动时的速度和加速度,以及质点作圆周运动时的角速度、角加速度、切向加速度和法向加速度.
- 四 理解伽利略速度变换式 五 掌握牛顿三定律及其应用

- ◆ 应用牛顿运动定律求解力学问题的方法和步骤:
 - 1、选取研究对象;
 - 2、分析受力,画受力图;
 - 3、选取合适的坐标系;
 - 4、确定每个隔离体的运动情况(主要是加速度),列方程(方程个数与未知量的个数相同时有确定的解)求解。

两类问题

作业

- **1-4** 质点的运动方程为 $x = -10t + 30t^2$ 和 $y = 15t 20t^2$,式中x,y 的单位为m,t 的单位为 s。试求: (1) 初速度的大小和方向; (2) 加速度的大小和方向. \leftarrow
- **1-5** 质点沿直线运动,加速度 $a=4-t^2$,式中a的单位为 $m\cdot s^{-2}$,t的单位为 s. 如果当t=3 s 时,x=9 m,y=2 $m\cdot s^{-1}$,求质点的运动方程. \leftarrow

1-15, 1-16

举例

例1 一质点在平面上运动,已知质点位置矢量的表达式为 $\vec{r} = at^2\vec{i} + bt^2\vec{j}$

(其中a、b为常量)则该质点作

- (A) 匀速直线运动
- (B) 匀变速直线运动
 - (C) 抛物线运动
 - (D) 一般曲线运动

例2 某质点的运动方程为 $x = 2t - 7t^3 + 3$ (SI),则该质点作

- (A) 匀加速直线运动,加速度沿 x 轴正方向
- (B) 匀加速直线运动,加速度沿 x 轴负方向
- (C) 变加速直线运动,加速度沿x轴正方向
- (D) 变加速直线运动,加速度沿 x 轴负方向

- 例3 对于作曲线运动的物体,以下几种说法中哪一种是正确的:
 - (A)切向加速度必不为零;
- (B)法向加速度必不为零(拐点处除外);
- (C)由于速度沿切线方向,法向分速度必为零,因此法向加速度必为零;
 - (D) 若物体作匀速率运动,其总加速度必为零;
 - (E) 若物体的加速度 \bar{a} 为恒矢量,它一定作匀变速率运动.

- 例4 运动的物体不能出现下述哪种情况?[]
- A、加速度不变, 速度时刻变化;
- B、瞬时速率和平均速率恒相等;
- C、曲线运动中, 加速度越来越大, 曲率半径总不变;



★ D、曲线运动中,加速度不变,速率也不变.

计算题

例 一质点沿x 轴运动,其加速度为 a = 4t (SI制),当 t = 0 时,物体静止于 x = 10m 处. 试求质点的速度,位置与时间的关系式.

$$\mathbf{\widetilde{m}}: \qquad a = \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = 4t \qquad \Longrightarrow \mathrm{d}v = 4t\mathrm{d}t$$

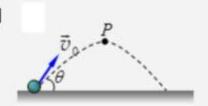
$$\int_0^v \mathrm{d}v = \int_0^t 4t\mathrm{d}t \qquad \Longrightarrow v = 2t^2$$

$$v = \frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t} = 2t^2 \qquad \Longrightarrow \mathrm{d}x = 2t^2\mathrm{d}t$$

$$\int_{10}^x \mathrm{d}x = \int_0^t 2t^2\mathrm{d}t \qquad \Longrightarrow x = \frac{2}{3}t^3 + 10$$

期中考试

1 一抛射物体的初速度为 v_0 , 抛射角为θ, 如图所示.则该抛物线最高点处的曲率半径为[]



- A、无穷大
- B. (
- C. <u>v</u>0
- $\frac{v_0^2}{g}\cos^2\theta$

正确答案:D

2 质量为0.25kg的质点,受 $\vec{F} = t\vec{i}$ (N)的力作用,t=0时该质点以 $\vec{v} = 2\vec{j}$ m/s的速度通过坐标原点,则该质点任意时刻的位置矢量是

A.
$$2t^2\vec{i} + 2\vec{j}$$
 (m)

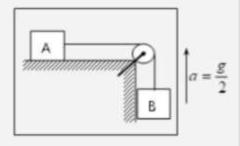
$$B = \frac{2}{3}t^3\vec{i} + 2t\vec{j} \text{ (m)}$$

$$\frac{3}{4}t^{4}\vec{i} + \frac{2}{3}t^{3}\vec{j}$$
 (m)

□、 条件不足,无法确定

正确答案:B

如图所示,系统置于以 $\frac{g}{2}$ 加速度上升的升降机内,A. B两物块质量均为m,A所处桌面是水平的,绳子和定滑轮质量忽略不计。若忽略一切摩擦,则绳中张力为



- A. mg
- B. 2mg
- $C, \frac{1}{2}mg$
- $\frac{3}{4}mg$

正确答案:D

16

轻型飞机连同驾驶员总质量为 1.0×10^3 kg。飞机以55.0 m/s的速率在水平跑道上着陆后,驾驶员开始制动,若阻力与时间成正比,比例系数 $\alpha=5.0\times10^2$ N/s,求:

- (1) 10s后飞机的速率;
- (2)飞机着陆后10s内滑行的距离。

答案 解: (1)
$$f = -\alpha t = m \frac{dv}{dt}$$

2分

分离变量并积分:
$$-\int_0^t \frac{\partial t}{m} dt = \int_{v_0}^v dv$$

$$v = v_0 - \frac{\alpha}{2m}t^2 = 30 \text{ m/s}$$

$$(2) \quad \frac{dx}{dt} = v_0 - \frac{\alpha}{2m}t^2$$

分离变量并积分:
$$\int_0^x dx = \int_0^t (v_0 - \frac{\alpha}{2m}t^2)dt$$

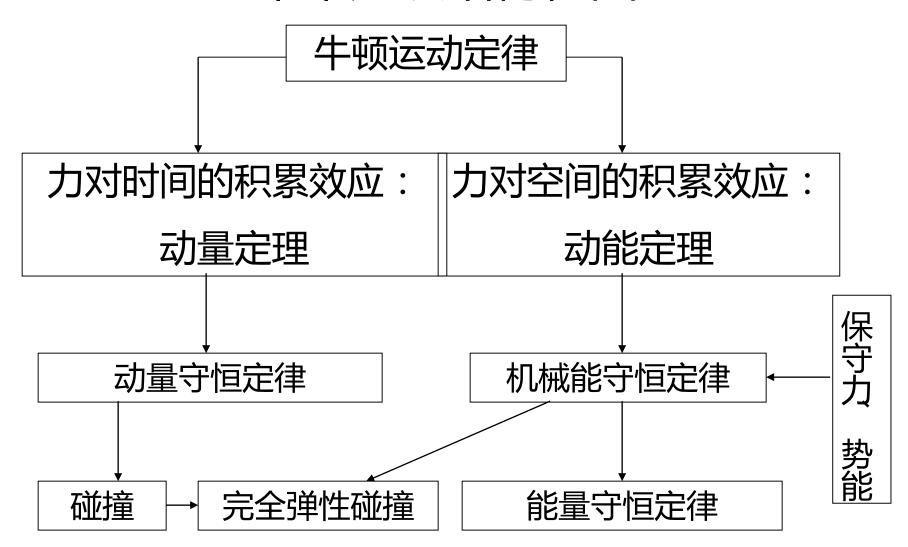
$$x = v_0 t - \frac{\alpha}{6m} t^3 = 466.7 \text{ m}$$

第二章 动量守恒定律和能量守恒定律

基本教学要求

- 一理解动量、冲量概念,掌握动量定理和动量守恒定律:
- 二 掌握功的概念,能计算变力的功,理解保守力作功的特点及势能的概念,会计算万有引力、重力和弹性力的势能.
- 三 掌握动能定理、功能原理和机械能守恒定律,掌握运用动量和能量守恒定律分析力学问题的思想和方法.
- 四 了解完全弹性碰撞和完全非弹性碰撞的特点,并能处理较简单的完全弹性碰撞和完全非弹性碰撞的问题.

本章知识结构框图



期中考试

质量为 m的质点在外力作用下,其运动方程为 \vec{r} =Acosw $t_{\vec{i}}$ +Bsinw $t_{\vec{j}}$ 。 式中B. w 都是正的常数。则力在 t_1 = 0到 t_2 = $\frac{\pi}{2\sigma}$ 这段时间内所作的功为

(A)
$$\frac{1}{2}$$
 mw² (A²+B²)

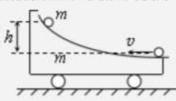
- B. $mw^2 (A^2+B^2)$ C. $\frac{1}{2} mw^2 (A^2-B^2)$ D. $\frac{1}{2} mw^2 (B^2-A^2)$

正确答案: C

期中考试

5

−辆轻质小车上装有光滑弧形轨道,总质量为m,放在光滑水平面上,有一质量为m,速度为v的铁球,沿轨道水平射入,并沿弧形轨道上升,则铁球沿弧面上升的最大高度为



- $\frac{v^2}{2g}$
- $\frac{v^2}{3g}$
- C. $\frac{v^2}{4g}$
- D. $\frac{v^2}{6g}$

正确答案:C

填空题

二.填空题 (题数: 5, 共15.0分)

答案: 32;4

三.计算题 (题数: 5, 共45.0分)

16

轻型飞机连同驾驶员总质量为 1.0×10^3 kg。飞机以55.0 m/s的速率在水平跑道上着陆后,驾驶员开始制动,若阻力与时间成正比,比例系数 $\alpha=5.0\times10^2$ N/s,求:

- (1) 10s后飞机的速率;
- (2)飞机着陆后10s内滑行的距离。

- 17 一根特殊弹簧, 在伸长x米时, 其弹力为 $(4x + 6x^2)$ 牛顿。
 - (1) 试求把弹簧从x=0.50m拉长到x=1.00m时,外力克服弹簧弹力所作的总功。
 - (2) 将弹簧的一端固定,在其另一端拴一质量为2 kg的静止物体,试求弹簧从x=1.00m回到x=0.50m时物体的速率。(不计重力)

解: (1)
$$f = 4x + 6x^2$$

$$W = \int_{x_1}^{x_2} f dx = \int_{0.50}^{1.00} (4x + 6x^2) dx = 3.25 \text{ J}$$

(2) 由动能定理得(不计重力)

$$W = \frac{1}{2}Mv^2 - 0$$

 $v = \sqrt{\frac{2A}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times 3.25}{2}} = \frac{\sqrt{13}}{2} \approx 1.80$ m/s

作业

2-5、6、9、14,补充作业

第四章振动与波

教学基本要求

- 一 **掌握**描述简谐运动的各个物理量(特别是相位)的物理意义及各量间的关系.
- 二 掌握描述简谐运动的旋转矢量法和图像表示法,并会用于简谐运动规律的讨论和分析.
- 三 掌握简谐运动的基本特征,能建立一维简谐运动的微分方程,能根据给定的初始条件写出一维简谐运动的运动方程,并理解其物理意义.

四 理解同方向、同频率简谐运动的合成规律,了解相互垂直简谐运动合成的特点

教学基本要求

五 理解描述简谐波的各物理量的意义及各量间的关系.

六 理解机械波产生的条件.掌握由已知质点的简谐运动方程得出平面简谐波的波函数的方法.理解波函数的物理意义.理解波的能量传播特征及能流、能流密度概念.

七 了解惠更斯原理和波的叠加原理.理解波的相干条件,能应用相位差和波程差分析、确定相干波叠加后振幅加强和减弱的条件.

八 理解驻波及其形成,了解驻波和行波的区别.

第4章 机械振动与波小结

基本理论

- 一、掌握谐振动的基本物理量和基本规律
 - 1. 谐振动的三种表达式。

$$F = -kx$$
 ——胡克定律

$$\frac{\mathrm{d}^2 x}{\mathrm{d}t^2} + \omega^2 x = 0$$
 ——谐振动的微分方程

$$x = A\cos(\omega t + \varphi)$$
 ——谐振动的运动方程

2.基本物理量 T、 ν 、 ω 、 ν 、a、A、 φ 、的表示。

$$A = \sqrt{x_0^2 + \frac{v_0^2}{\omega^2}} \qquad \tan \varphi = \frac{-v_0}{\omega x_0} \qquad T = \frac{2\pi}{\omega}$$

3.旋转矢量表示法。

4.能量问题

$$E_{\rm p} = \frac{1}{2}kA^2\cos^2(\omega t + \varphi)$$

$$E_k = \frac{1}{2}kA^2\sin^2(\omega t + \varphi)$$

$$E = E_{\rm k} + E_{\rm p} = \frac{1}{2}kA^2$$

- 二、谐振动的合成
- 1. 掌握同方向、同频率谐振动的合成,合振幅的加强减弱条件。
- 2. 相互垂直简谐振动的合成。

基本问题

- 1. 谐振动
 - (1)由运动方程求物理量。

$$T$$
, v , ω , v , a , v_{max} , a_{max} , A , φ , E

- (2)由初始条件和物理量求运动方程。
 - (代数法、旋转矢量法、图线法)
- (3)由动力学分析,判断是否谐振动。
- 2. 合成问题

同方向、同频率谐振动的振幅、位相计算。

机械波

1.机械波的几个概念

机械波的形成和分类 机械波的几个物理量 波动的几个概念

2.平面简谐波的波函数[重点]

波函数的建立 波函数的物理意义

3. 波的能量

波的能量和简谐振动的

能量的区别

能量密度

能流和能流密度

4.波的干涉

波的叠加原理

产生干涉现象的条件[重点]

干涉的加强减弱条件[重点]

5.驻波[重点]

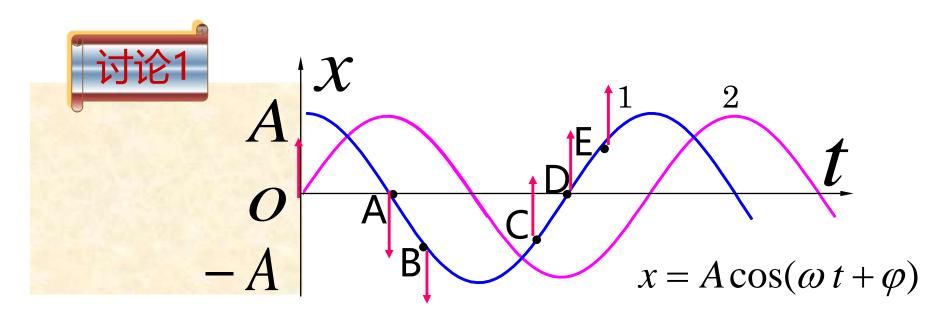
驻波的产生条件,驻波的表达方程式

驻波的振幅、相位和能量的讨论

$$\chi = \begin{cases} \pm k \frac{\lambda}{2} & k = 0,1,\cdots \quad A_{\max} = 2A \\ \pm (k + \frac{1}{2}) \frac{\lambda}{2} & k = 0,1,\cdots \quad A_{\max} = 0 \end{cases}$$
 波节 相邻波腹(节)间距 $= \lambda/2$ 相邻波腹和波节间距 $= \lambda/4$

相位跃变(半波损失)

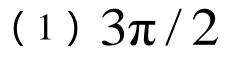
当波从波疏介质垂直入射到波密介质,被反射到波疏介质时形成波节.入射波与反射波在此处的相位时时相反,即反射波在分界处产生**兀**的相位跃变,相当于出现了半个波长的波程差,称半波损失.

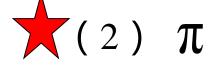


- 1.判断两振动的初相及两振动的相位差
- 2.判断1振动A、B、C、D、E点运动速度的方向

一般表示在
$$|\Delta \varphi| \leq \pi$$

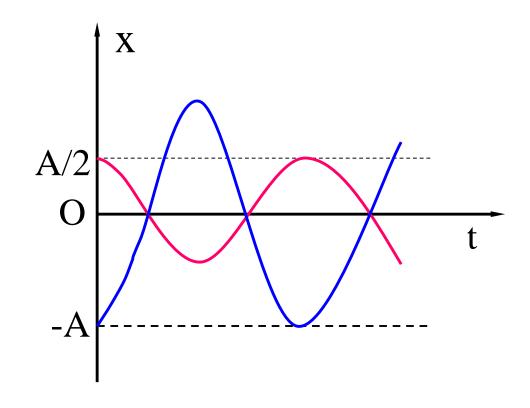
例 图中所画的是两个简谐振动的振动曲线. 若这两个谐振动可叠加,则合成的余弦振动的初相为





 $(3) \pi/2$

(4)0



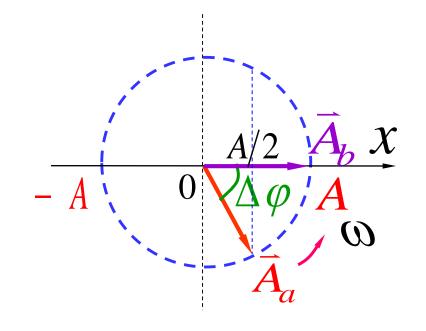
例 一质点作谐振动,周期为T,当它由平衡位置向 X 轴正方向运 动时,从二分之一最大位移处到最大位移处这段路程所需要的时 间为



 \star (3) T/6 (4) T/8

$$\frac{\Delta\varphi}{2\pi} = \frac{\pi/3}{2\pi} = \frac{\Delta t}{T}$$

$$\Delta t = T/6$$



波的叠加原理

1 波的干涉
$$\begin{cases} A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos\Delta\varphi} \\ \Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 - 2\pi(r_2 - r_1)/\lambda \end{cases}$$

若
$$\varphi_1 = \varphi$$
则 $\Delta \varphi = -2 \pi \delta/\lambda$ 波程差 $\delta = r_2 - r_1$

$$\begin{cases} \delta = \pm k\lambda & k = 0,1,2,\dots & A = A_1 + A_2 \\ \delta = \pm (k+1/2)\lambda & k = 0,1,2,\dots & A = |A_1 - A_2| \\ \delta = & \exists \text{ de } & |A_1 - A_2| < A < A_1 + A_2 \end{cases}$$

2 驻波

驻波方程
$$y = \frac{2A\cos 2\pi \frac{x}{\lambda}}{\lambda}\cos 2\pi vt$$

期中考试

6

一质点在 OX轴上作简谐振动,振幅 A=4cm,周期 T=2s,其平衡位置取作坐标原点。若 t = 0时刻质点第一次通过 x = -2cm处,且向 X轴负方向运动,则质点第二次通过 x = -2cm处的时刻为()

- A. 1s
- $B_{\chi} = \frac{2}{3}$
- $C_{\star} = \frac{4}{3} s$
- D. 2s

答案:B

7

一个平面简谐波沿x轴负方向传播,波速为u=2m/s,原点处质点的振动频率n=2.0Hz,振幅A=0.1m,且在t=0时恰好通过平衡位置向y轴负方向运动,则此平面波的波动表达式为()

A
$$y = 0.1\cos[4\pi(t + \frac{x}{2}) + \frac{\pi}{2}]$$
 (m)

B
$$y = 0.1\cos[4\pi(t - \frac{x}{2}) + \frac{\pi}{2}]$$
 (m)

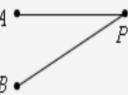
$$y = 0.1\cos[4\pi(t + \frac{x}{2}) - \frac{\pi}{2}] \text{ (m)}$$

$$y = 0.1\cos[4\pi(t - \frac{x}{2}) - \frac{\pi}{2}] \text{ (m)}$$

答案:A

两相干平面简谐波沿不同方向传播,如图所示,波速均为u=0.40m/s,其中一列波在A点引起的振动方程为 $y_1=A_1\cos(2\pi t-\frac{\pi}{2})$,另一列波在B点引起的振动方程为

$$y_2 = A_2 \cos(2\pi t + \frac{\pi}{2})$$
,它们在P点相遇, $\overline{AP} = 0.80 \text{m}$, $\overline{BP} = 1.00 \text{m}$,则两波在P点的相位差为()

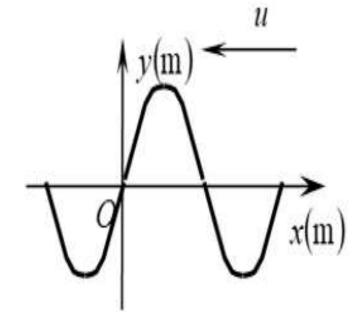


- Α, (
- B, $\pi/2$.
- C. π
- D. $3\pi/2$.

答案:A

3.二沿Ox 轴负方向传播的平面简谐波在 $t = \frac{T}{4}$ 时的波形

曲线如图所示,则原点 0 处质点振动的初相为() ←



4

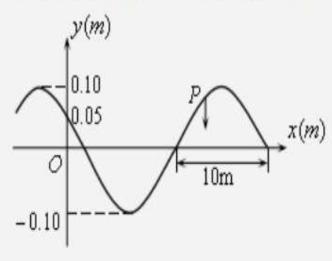
4

答案:180度

4.已知二入射波的波动方程为 $y = 5\cos(2\pi t + \pi x)$ (SI), 在坐标原点 x = 0 处发生反射, 反射端为一自由端.则对于 x = 0 和 x = 1 m 的两振动点来说,它们的相位差为(). ⇔

答案:180度

18 如图所示为一平面简谐波在t=0时的波形图,设此简谐波的频率为25Hz,且此时图中点P的运动方向向下,求此波的波动方程。



由图知: A = 0.1m, $\lambda = 20$ m, 波沿 x 轴正方向传播, $y_0 = 0.05$ m, $v_0 > 0$

$$4 \equiv \omega = 2\pi v = 50\pi$$
, $u = \lambda v = 500 \,\mathrm{m/s}$

$$t=0$$
 时 $x=0$ 处振动的初相为 $\varphi=-\frac{\pi}{3}$ 1分

1分

坐标原点的振动方程为:
$$y_0 = 0.1\cos(50\pi t - \frac{\pi}{3})$$
 (SI) 1分

此波的方程为:
$$y = 0.1\cos[50\pi(t - \frac{x}{500}) - \frac{\pi}{3}]$$
 (SI) 2分

- 4-20 二横波在沿绳子传播时的波动方程为 $y = 0.20\cos(2.5\pi t \pi x)$,式中y的单位为m,
- t的单位为s. (1) 求波的振幅、波速、频率及波长; (2) 求绳上质点振动时的最大速度;
- (3)分别画出 t=1s 和 t=2 s 时的波形,并指出波峰和波谷. 画出 x=1.0 m处质点的振动曲线并讨论其与波形图的不同. ↩

解 (1) 将已知波动方程表示为↩

$$y = 0.20\cos[2.5\pi(t - x/2.5)]$$
 (m)

与一般表达式 $y = A\cos[\omega(t-x/u)+\varphi_0]$ 比较,可得 \leftarrow

$$A = 0.20 \text{ m}$$
, $u = 2.5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$, $\varphi_0 = 0 \leftarrow$

则
$$v = \omega/2\pi = 1.25$$
 Hz, $\lambda = u/v = 2.0$ m \leftarrow

(2) 绳上质点的振动速度↔

$$v = dy/dt = -0.5\pi \sin[2.5\pi(t - x/2.5)](m \cdot s^{-1}) \leftarrow$$

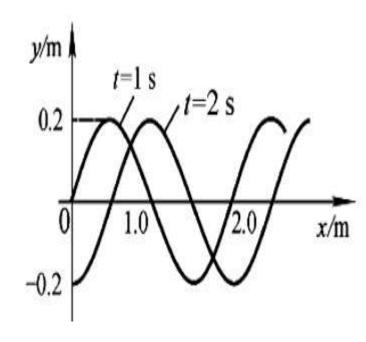
则
$$v_{\text{max}} = 1.57 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} \leftarrow$$

(3) t = 1 s 和 t = 2 s 时的波形方程分别为 \leftarrow

$$y_1 = 0.20\cos(2.5\pi - \pi x) \text{ (m)}_{\leftarrow}$$

 $y_2 = 0.20\cos(5\pi - \pi x) \text{ (m)}_{\leftarrow}$

波形图如图(a)所示. ↩

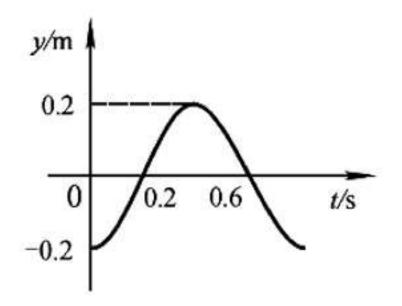


x = 1.0m 处质点的运动方程为←

$$y = 0.20\cos(2.5\pi t - \pi)(m) \leftarrow$$

振动图线如图(b)所示. ↔

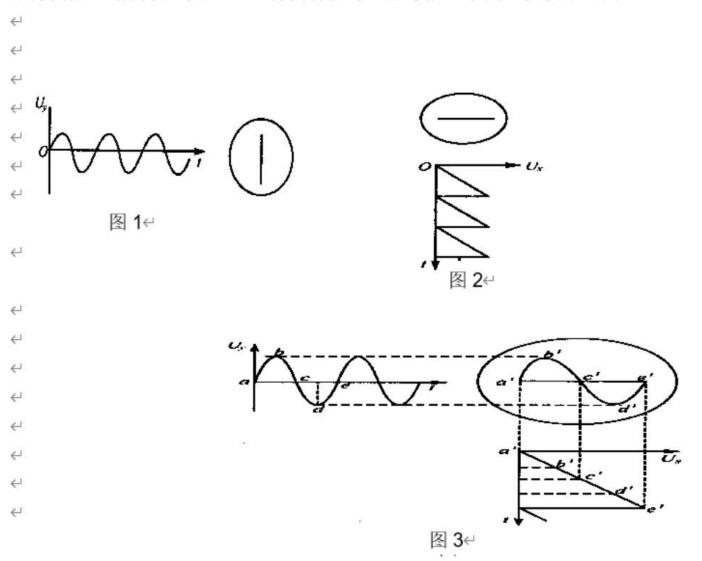
波形图与<u>振动图虽在</u>图形上相似,但却有着本质的区别.前者表示某确定时刻波线上所有质点的位移情况,而后者则表示某确定位置的一个质点,其位移随时间变化的情况. ←



四.简答题 (题数: 1, 共10.0分)

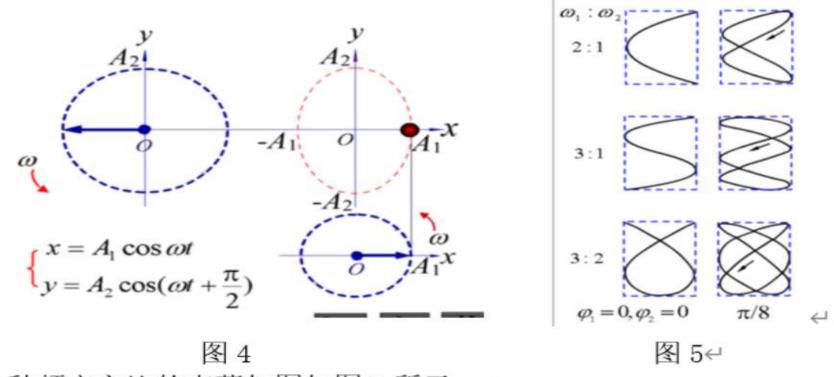
- 21 1) 示波器是显示电压波形的装置,简述它显示正弦波形的原理。
 - 2) 李萨如图是怎样形成的?简述李萨如图形和两信号频率比之间的关系。
 - 3) 如何用示波器观察李萨如图?

答: 1) 如果在竖直方向输入示波器正弦信号,是不能正确显示出来的(图 1),必须在水平方向加上锯齿波(图 2),这样两种信号叠加才能显示出正弦波形(图 3)。←



2)两个相互垂直的谐振动合成时,若其频率 fx 与 fy 成简单的整数比,合成的轨迹是封闭的稳定几何图形,称为李萨如图。←

李萨如图的 x 和 y 方向图形的切点数之比和频率成反比。↩ 当两个信号频率为 1:1 时,李萨如图为椭圆(如图 4)。↩



各种频率之比的李萨如图如图 5 所示。↩

3)用示波器观察李萨如图,只需把两个正弦信号分别输入双踪示波器的x,y通道,把示波器扫描速率旋钮放置在x-y模式即可。

作业

4-5,6,20,21,22,23