11-2

最小码距 $d_0 = 3$, 因此:

若用于检错: $d_0 \ge e+1$, 能检出 2 位错码;

若用于纠错: $d_0 \ge 2t + 1$, 能纠正 1 位错码;

若用于检错和纠错: $d_0 \ge e + t + 1(e > t)$, 无解, 不能同时纠错和检错。

11-3

两个码组: 0000 和 1111,它们的码距 $d = d_0 = 4$,因此:

若用于检错: $d_0 \ge e+1$, 能检出 3 位错码;

若用于纠错: $d_0 \ge 2t + 1$, 能纠正 1 位错码;

若用于检错和纠错: $d_0 \ge e + t + 1(e > t)$, 能纠正 1 位错码, 检出 2 位错码。

11-4

不能检出来,因为奇偶监督码只能检测出奇数个错误,而对于此二维奇偶监督码中,行和列的错误都是偶数个(2个),因此检测不出来。

11-6

题中给出的监督矩阵为:
$$H = \begin{bmatrix} 1110 & 100 \\ 1101 & 010 \\ 1011 & 001 \end{bmatrix}$$
, 是典型监督矩阵, $n = 7, k = 4, r = 3$

因此:
$$H = [PI_r]$$
, $P = \begin{bmatrix} 1110\\1101\\1011 \end{bmatrix}$ 。

$$Q = P^T = \begin{bmatrix} 111 \\ 110 \\ 101 \\ 011 \end{bmatrix}$$
,典型生成矩阵: $G = \begin{bmatrix} I_k Q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1000 \vdots 111 \\ 0100 \vdots 110 \\ 0010 \vdots 101 \\ 0001 \vdots 011 \end{bmatrix}$

得到生成矩阵,我们就可以计算出所有可能的码组了。

n=7, k=4, r=3 , $A=\begin{bmatrix} a_6a_5a_4a_3a_2a_1a_1 \end{bmatrix}$, 其中 $\begin{bmatrix} a_6a_5a_4a_3 \end{bmatrix}$ 是信息位,其余为监督位,

因此: $A = [a_6 a_5 a_4 a_3]G$, $[a_6 a_5 a_4 a_3]$ 有 $2^4 = 16$ 种组合, 对应如下 16 个码组:

11-7

题中给出的生成矩阵为:
$$G = \begin{bmatrix} 100 & 1110 \\ 010 & 0111 \\ 001 & 1101 \end{bmatrix}$$
,是典型生成矩阵, $n=7, k=3, r=4$

 $A = [a_6 a_5 a_4 a_3 a_2 a_1 a_1]$, 其中 $[a_6 a_5 a_4]$ 是信息位, 其余为监督位,

因此: $A = [a_6 a_5 a_4]G$, $[a_6 a_5 a_4]$ 有 $2^3 = 8$ 种组合,对应如下 8 个码组:

0000000 0100111 1001110 1101001 0011101 0111010 1010011 1110100

$$G = \begin{bmatrix} I_k Q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 100 & 1110 \\ 010 & 0111 \\ 001 & 1101 \end{bmatrix}, Q = \begin{bmatrix} 1110 \\ 0111 \\ 1101 \end{bmatrix}, P = Q^T = \begin{bmatrix} 101 \\ 111 \\ 110 \\ 011 \end{bmatrix},$$

典型监督矩阵:
$$H = [PI_r] = \begin{bmatrix} 101:1000\\111:0100\\110:0010\\011:0001 \end{bmatrix}$$

11-8

(7, 4) 循环码,对应: n=7, k=4, r=3,生成多项式g(x)对应前k-1=3位为0的码

组: 0001011, 则:
$$g(x) = x^3 + x + 1$$

对应的生成矩阵:
$$G(x) = \begin{bmatrix} x^3 g(x) \\ x^2 g(x) \\ x g(x) \\ g(x) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x^6 + x^4 + x^3 \\ x^5 + x^3 + x^2 \\ x^4 + x^2 + x \\ x^3 + x + 1 \end{bmatrix}$$
, $G = \begin{bmatrix} 1011000 \\ 0101100 \\ 0010110 \\ 0001011 \end{bmatrix}$

化成典型生成矩阵为:
$$G = \begin{bmatrix} 1000 & 101 \\ 0100 & 111 \\ 0010 & 110 \\ 0001 & 011 \end{bmatrix}$$

11-12

由题意给出的监督关系式:
$$x_6 \oplus x_3 \oplus x_2 \oplus x_1 = 0$$

$$x_5 \oplus x_2 \oplus x_1 \oplus x_0 = 0$$
 ,可以得到监督矩阵为:
$$x_6 \oplus x_5 \oplus x_1 = 0$$
 ,
$$x_6 \oplus x_5 \oplus x_1 = 0$$

$$H = \begin{bmatrix} 1001110 \\ 0100111 \\ 1100010 \\ 0110001 \end{bmatrix}$$
, 化成典型监督矩阵为: $H = \begin{bmatrix} 101 & 1000 \\ 111 & 0100 \\ 110 & 0010 \\ 011 & 0001 \end{bmatrix} = [PI_r]$

$$Q = P^T = \begin{bmatrix} 1110 \\ 0111 \\ 1101 \end{bmatrix}$$
,典型生成矩阵: $G = \begin{bmatrix} I_k Q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 100 & 1110 \\ 010 & 0111 \\ 001 & 1101 \end{bmatrix}$

11-14

循环码的任一码多项式都可以被生成多项式整除。

$$\frac{T(x)}{g(x)} = \frac{x^{14} + x^5 + x + 1}{x^8 + x^7 + x^6 + x^4 + 1} = x^6 + x^5 + x^3 + \frac{x^7 + x^6 + x^3 + x + 1}{x^8 + x^7 + x^6 + x^4 + 1}$$

有余式,不能整除,所以有错码。