

16/17 浙江工业大学高等数学 BII 考试试卷

学院：_____ 班级：_____ 姓名：_____ 学号：_____

任课教师（请务必填上）：

题 号	一	二	三	四	五	六	总 分
得 分							

一、填空选择题（本题满分 30 分，每小题 3 分）

1. 向量 $\vec{a} = (4, -3, 4)$ 在向量 $\vec{b} = (2, 2, 1)$ 上的投影是_____。
2. 设向量 \vec{a} 与 \vec{b} 不平行， $\vec{a} \cdot \vec{b} = 2$ ， $\vec{c} = 2(\vec{a} \times \vec{b}) - 3\vec{b}$ ，则 $\vec{a} \cdot \vec{c} =$ _____。
3. 设直线 $\frac{x-1}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z}{5}$ 在平面 $x+2y-z+k=0$ 上，则 $k=$ _____。
4. 设 $z = 2^{x+y^2}$ ，则 $\frac{\partial z}{\partial y}$ 等于_____。
5. 若函数 $f(x, y) = xy$ 在闭区域 $x \geq 0, y \geq 0, x^2 + y^2 \leq 1$ 上的最大值是_____。
6. 交换积分次序 $\int_0^2 dx \int_{\frac{x}{2}}^{3-x} f(x, y) dy =$ _____。
7. 将函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 展开成 $(x-2)$ 的幂级数，则该幂级数收敛区间是_____。
8. 微分方程 $y'' + a^2 y = 0$ 的通解是_____。（常数 $a > 0$ ）
9. 已知 $y = 1, y = x, y = x^2$ 是某二阶非齐次线性微分方程的三个解，则该方程的通解为_____。
10. 下列级数中收敛的级数是_____。
 A、 $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{n+1}$ ； B、 $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \sqrt{n}$ ； C、 $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{n^2}$ ； D、 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}}$ 。

二、试解下列各题（本题满分 24 分，每小题 6 分）：

1. 求与两直线 $\begin{cases} x=1, \\ y=-1+t \\ z=2+t \end{cases}$ 及 $\frac{x+1}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-1}{1}$ 都平行，且过原点的平面方程。

2. 设 $z = f(x-y, e^{xy})$ ，其中 $f(u, v)$ 一阶偏导数连续，求： $\frac{\partial z}{\partial x}$ ， $\frac{\partial z}{\partial y}$

3. 设曲线 $2x = y^2, z = x^2$ 在点 $M(x, y, z)$ 处的切向量与三个坐标轴正向的夹角相等，求这一点的坐标。

4. 求过直线 $\frac{x}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z+2}{4}$ ，且与 $z = x^2 + y^2$ 相切的平面方程。

三、试解下列各题（本题满分 24 分，每小题 6 分）：

1. 求 $\iint_D (x+y)^2 dx dy$ ，其中区域 D 由曲线 $x^2 + y^2 = 1$ 所围成。

2. 求 $\iint_D \frac{x^2}{y^2} d\sigma$ 其中 D : $x = 2, y = x, xy = 1$ 所围成区域。

3. 求微分方程 $xdy - ydx = x^2 e^x dx$ 的通解。

4. 设 $y(x)$ 在点 $(0,1)$ 与抛物线 $y = x^2 - x + 1$ 相切，并满足方程 $y'' - 3y' + 2y = 2e^x$ ，求 $y(x)$ 。

四、（7分）求一过点 $M(2,1,\frac{1}{3})$ 的平面，使该平面在第一卦限与三个坐标面围成的体积最小。

五、（9分）求：1）幂级数 $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n+1}{n!} x^n$ 的收敛域与和函数；2）数项级数 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{n!}$ 的和。

六、（6分）设函数 $f(x,y) = \begin{cases} \frac{xy}{x^2+y^2} & x^2+y^2 \neq 0 \\ 0 & x^2+y^2 = 0 \end{cases}$ ，讨论函数在点 $(0,0)$ 处（1）是否连续；（2）偏导数是否存在。