

# 2017/18 浙江工业大学高等数学ⅡA 考试试卷

学院： 班级：姓名： 学号：\_\_\_\_\_

任课老师： \_\_\_\_\_

题号	一	二	三	四	五	总分
得分						

## 一、填空、选择题（本题满分 36 分，每小题 3 分）：

- 1、设二阶非齐次线性方程  $y'' + P(x)y' + Q(x)y = f(x)$  的三个特解为：  $x$ ,  $e^x$ ,  $e^{3x}$ , 则方程满足初始条件  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 3$  的特解是\_\_\_\_\_。
- 2、过点  $M(3, 1, -5)$  且同时垂直  $x$  轴和  $y$  轴的直线方程是\_\_\_\_\_。
- 3、动点  $M(x, y, z)$  到原点的距离与到点  $(1, -1, 2)$  的距离相等，则动点  $M(x, y, z)$  的轨迹方程是\_\_\_\_\_。
- 4、函数  $u = 2xy - z^2$  在点  $(1, -1, 1)$  处方向导数的最大值\_\_\_\_\_。
- 5、交换积分次序  $\int_0^1 dy \int_0^{2y} f(x, y) dx =$ \_\_\_\_\_。
- 6、设  $D: |x| \leq 1, 0 \leq y \leq 1$ . 则  $\iint_D (xe^y + y) dx dy =$ \_\_\_\_\_。
- 7、若幂级数  $\sum_{n=0}^{\infty} a_n (x-b)^n$  ( $b > 0$ )，当  $x = 0$  时收敛，当  $x = 2b$  时发散，则该级数的收敛半径是\_\_\_\_\_。
- 8、周期为 2 的函数  $f(x)$ ，它在一个周期上的表达式为  $f(x) = x$   $-1 \leq x < 1$ ，设它的傅里叶级数的和函数为  $S(x)$ ，则  $S(\frac{3}{2}) =$ \_\_\_\_\_。

9、函数  $f(x, y) = \sqrt{x^2 + y^4}$  在点  $(0, 0)$  处 ( ) .

- (A) 两个偏导数都不存在; (B) 两个偏导数存在;  
(C) 偏导数一个存在, 一个不存在; (D) 可微。

10、若函数  $z = f(x, y)$  在点  $(x_0, y_0)$  处可微, 则下列结论错误的是 ( )

- (A)  $f(x, y)$  在点  $(x_0, y_0)$  处连续; (B)  $f_x(x_0, y_0), f_y(x_0, y_0)$  存在;  
(C)  $f_x(x, y), f_y(x, y)$  在点  $(x_0, y_0)$  处连续;  
(D) 曲面  $z = f(x, y)$  在点  $(x_0, y_0, f(x_0, y_0))$  处有切平面。

11、已知数项级数  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ ,  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  都收敛, 则 ( )

- (A)  $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n b_n)^2$  收敛; (B)  $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n + b_n)$  收敛;  
(C)  $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n b_n)$  收敛; (D)  $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n^2 + b_n^2)$  收敛。

12、下列级数中发散的是 ( )

- (A)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{1}{\sqrt{2n^2 + 1}}$ ; (B)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} (\sqrt{n+1} - \sqrt{n})$ ;  
(C)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n} \sin \frac{\pi}{n+1}$ ; (D)  $\sum_{n=1}^{\infty} \ln(1 + \frac{1}{n})$ 。

二、试解下列各题 (本题满分 36 分, 每小题 6 分):

1、求微分方程  $xdy + (y - 2x)dx = 0$  的通解。

2、求函数  $f(x, y) = xy(3 - x - y)$  的极值。

3、设  $z$  是方程  $z = x + y \sin z$  所确定的  $x, y$  的函数, 求:  $\frac{\partial z}{\partial x}, \frac{\partial z}{\partial y}$ 。

4、求曲线  $\begin{cases} z = x^2 + y^2 - 1 \\ x = 1 \end{cases}$  上点  $M(1,1,1)$  处的切线方程。

5、求星形线  $x^{\frac{2}{3}} + y^{\frac{2}{3}} = a^{\frac{2}{3}}$  (参数方程  $x = a \cos^3 t, y = a \sin^3 t$ ) 围成图形在第一象限部分的面积。

6、求  $\int_L \sqrt{y} ds$ ，其中  $L$  是抛物线  $y = x^2$  上点  $O(0,0)$  与点  $B(1,1)$  之间的一段弧。

三、试解下列各题（本题满分 14 分，每小题 7 分）：

1、求  $\oiint_{\Sigma} z dS$ ，其中  $\Sigma$  是由平面  $x=0, y=0, z=0$  及  $x+y+z=1$  所围成四面体的整个边界。

2、求  $\oiint_{\Sigma} z(x^2 + y^2 + z^2) dxdy$ ，其中  $\Sigma$  是上半球面  $x^2 + y^2 + z^2 = 1$  与平面  $z=0$  所围成立体的边界曲面的外侧。

四、（8 分）设  $L$  为  $xOy$  面上右半平面内任意一条简单闭曲线， $f(x)$  有连续的二阶导数且满足  $\oint_L \left(x - f'(x)\right) \frac{y}{x} dx + f'(x) dy = 0$ ， $f(1) = f'(1) = 0$ ，求  $f(x)$ ， $x > 0$ 。

五、（6 分）求幂级数  $\sum_{n=0}^{\infty} (2^{n+1} - 1)x^n$  的收敛域与和函数。