浙江工业大学 2015 - 2016 学年第二学期 概率论与数理统计试卷

1. 50 个晶体管中有 5 个次品, 无放回依次从中抽取 2 只, 则第二次取出次品的概率是 ____。

一. 填空题, 共 30 分, 每空 3 分。

)

().

A) $A \cap \bar{B}$

量的是()。

二. 选择题, 共12分, 每题3分。

| 2. 攻争什 A, B 相互独立, $P(A \cup B) = 0.7$, $P(A) = 0.4$,则 $P(B) =$ 。 | | | | |
|---|--|--|--|--|
| 3. 设事件 A, B 互斥, $P(A) = 0.6, P(\bar{A}B) = 0.2$,则 $P(B) =$ 。 | | | | |
| 4. 设随机变量 X 的密度函数为 $f(x) = \begin{cases} A(8-x), & 0 \le x \le 4 \\ 0, & text \end{cases}$,则 $A =$ 。 | | | | |
| 5. 随机变量 X 满足 $EX = 2, Var(5 - X) = 0$,则 $EX^2 = $ 。 | | | | |
| 6. 二维随机变量 (X,Y) 的联合分布函数为 | | | | |
| $F(x,y) = \begin{cases} 1 - 3^{-x} - 3^{-y} + 3^{-x-y}, & x \ge 0, y \ge 0\\ 0, & \sharp \dot{\Xi} \end{cases}$ | | | | |
| 则 X 的边缘分布函数为 $_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{$ | | | | |
| 7. 设 $X \sim N(1, \sigma^2)$, $P(-1 < X < 3) = 0.9$,则 $P(X < -1) =$ 。 | | | | |
| 8. 设 $EX = 2, EX^2 = 8$,则由切比雪夫不等式, $P(-1 < X < 5) \ge$ 。 | | | | |
| 9. 设样本 X_1, X_2, X_3, X_4, X_5 是来自总体 $N(0,1)$ 的样本,统计量 $Y = \frac{C(X_1 + X_2)}{\sqrt{X_3^2 + X_4^2 + X_5^2}}$ 服从 t -分布,则常 $C = $ 。 | | | | |
| 10. 设 X_1, X_2, \cdots, X_9 是来自总体 $N(\mu, \sigma^2)$ 的样本,测得样本均值 $\bar{x} = 11$,样本方差 $s^2 = 4$,则 μ 的置信 平为 0.95 的置信区间是。 $(t_{0.05}(8) = 1.860, t_{0.05}(9) = 1.833, t_{0.025}(8) = 2.306, t_{0.05}(9) = 2.266, t_{0.05}(9)$ | | | | |

1. 设随机事件 A 表示"零件长度不合格", B 表示"零件直径合格", 则"零件长度或直径不合格"为

2. 设 X_1, X_2, X_3, X_4 是来自正态总体 $N(\mu, \sigma_0^2)$ 的样本,其中 μ 未知, σ_0^2 已知,则下列样本函数不是统计

B) $\bar{A} \cap B$ C) $A \cup \bar{B}$ D) $\bar{A} \cup B$

C) $\max\{X_1, X_2, X_3, X_4\}$ D) $\frac{1}{\sigma_0^2}(X_1^2 + X_2^2 + X_3^2 + X_4^2)$

A) $\frac{1}{4}(X_1 + X_2 + X_3 + X_4)$ B) $X_1 + 2\mu$

- 3. 设随机变量 X, Y 满足 Var(2X + 3Y) = Var(3X + 2Y), 则 ()。

- A) EX = EY B) Var(X) = Var(Y) C) $EX^2 = EY^2$ D) $Var(X^2) = Var(Y^2)$
- 4. 随机变量 $X \sim t(n)$, $Y = \frac{1}{X^2}$, 则 ()。 随机变量 $X \sim t(n)$, $Y = \frac{1}{X^2}$,则 ()。 A) $Y \sim \chi^2(n)$ B) $Y \sim \chi^2(n-1)$ C) $Y \sim F(1,n)$ D) $Y \sim F(n,1)$

三. 解答题, 共6题, 58分。

- 1. (8分)有朋自远方来,他乘坐火车、轮船、汽车、飞机来的概率分别是 0.3, 0.2, 0.1, 0.5, 若乘火车、轮 船、汽车来迟到的概率分别是 $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{12}$,而乘飞机不会迟到。若他迟到了,那么他乘火车的概率是多少?
- 2. (10分)某型号零件的寿命 X(单位:小时)的密度函数为

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1000}{x^2}, & x > 1000, \\ 0, & \sharp \dot{\Xi}. \end{cases}$$

则 5 只零件中至少有 2 只寿命大于 1500 小时的概率是多少?

3. (10 分) 二维随机变量 (X,Y) 的联合密度函数为

$$f(x,y) = \begin{cases} c(6-x-y), & 0 < x < 1, 0 < y < 2 \\ 0, & \text{#$^{\square}$} \end{cases}$$

- (a) 求常数 c;
- (b) \bar{x} $P(X \ge \frac{1}{2}, Y > 1)$.
- 4. 设随机变量 X,Y 相互独立, 其联合分布律为

| X | -1 | 0 | 1 |
|---|---------------|---------------|---------------|
| 1 | a | $\frac{1}{8}$ | c |
| 2 | $\frac{1}{8}$ | b | $\frac{1}{4}$ |

求常数 a, b, c。

是来自总体 X 的样本, 记 N 为样本观测值 x_1, x_2, \dots, x_n 中不小于 2 的样本个数。 求 θ 的矩估计和极大 似然估计。

6. 某工厂生产某种型号的电池,其寿命(单位:小时)服从方差为 $\sigma^2 = 5000$ 的正态分布。现有一批电池, 从生产状况,寿命的波动性可能有变化。现随机选取 26 只电池,测得样本方差 $s^2 = 9200$ 。取显著水平 $\alpha = 0.02$,能否认为这批电池的波动性有显著变化? $(\chi_{0.01}^2(25) = 44.313, \chi_{0.01}^2(26) = 45.642, \chi_{0.99}^2(25) =$ $11.52, \chi^2_{0.99}(26) = 12.2$)