

《电磁场与波》阶段测试二答案

一、选择题

1. 静电场中, 引入电位函数的依据是 (A)。

A. $\nabla \times \vec{E} = 0$ B. $\nabla \cdot \vec{D} = 0$ C. $\nabla \cdot \vec{J} = 0$

2. 如果某一点的电场为零, 则该点的电位 (B)。

A. 一定为零 B. 不一定为零 C. 为无穷大

3. 关于恒定电场中的均匀导电媒质 (
- $0 < \sigma < \infty$
-), 下列说法正确的是 (C)。

A. 内部电场为零 B. 是等势体
C. 不是等势体 D. 内部有体电荷分布

4. 关于坡印廷矢量, 以下描述正确的是 (C)。

A. 单位为 W/m^3
B. 方向与电场方向平行
C. 方向与磁场方向垂直

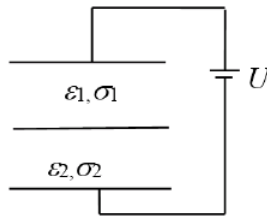
5. 平板电容器内填充两层导电媒质, 外加电压
- U
- , 如下图所示, 若介电常数

 $\varepsilon_1 < \varepsilon_2$, 电导率 $\sigma_1 > \sigma_2$, 则在两种媒质的分界面上 (A)。

A. $D_1 < D_2, E_1 < E_2, J_1 = J_2$

B. $D_1 = D_2, E_1 > E_2, J_1 > J_2$

C. $D_1 > D_2, E_1 < E_2, E_1 = E_2$



6. 时变电磁场中, 为保证位函数唯一引入的洛伦兹规范为 (C)。

A. $\nabla \cdot \vec{A} = 0$ B. $\nabla \cdot \vec{A} = \varepsilon \mu \frac{\partial \varphi}{\partial t}$ C. $\nabla \cdot \vec{A} = -\varepsilon \mu \frac{\partial \varphi}{\partial t}$

7. 已知导体材料磁导率为
- μ
- , 介电常数为
- ε
- , 以该材料制成的半径为
- a
- 的长直导线的单位长度内自感为 (B)。

A. $\frac{1}{8\pi\mu}$ B. $\frac{\mu}{8\pi}$ C. $\frac{1}{8\pi\varepsilon}$

8. 已知真空中某时谐电场为
- $\vec{E} = \vec{e}_x j E_0 \sin(k_0 z)$
- , 则对应的位移电流为 (B)。

A. $\vec{J}_d = \vec{e}_x j \omega \varepsilon_0 E_0 k_0 \cos(k_0 z)$ B. $\vec{J}_d = -\vec{e}_x \omega \varepsilon_0 E_0 \sin(k_0 z)$

C. $\vec{J}_d = \vec{e}_x \omega \varepsilon_0 E_0 \sin(k_0 z)$

9. 坡印廷定理是关于电磁能量转换过程的能量守恒定律。其中 (D) 表示单位时间进入
- S
- 面包围的有限空间体积
- V
- 中的电磁能量, (C) 表示单位时间内体积
- V
- 中电磁能量的损耗, (B) 表示体积
- V
- 中的电磁能量。

A. $\frac{\partial}{\partial t} \int_V \left(\frac{1}{2} \vec{H} \cdot \vec{B} + \frac{1}{2} \vec{E} \cdot \vec{D} \right) dV$ B. $\int_V \left(\frac{1}{2} \vec{H} \cdot \vec{B} + \frac{1}{2} \vec{E} \cdot \vec{D} \right) dV$ C. $\int_V \vec{E} \cdot \vec{J} dV$

D. $-\oint (\vec{E} \times \vec{H}) \cdot d\vec{S}$ E. $\oint (\vec{E} \times \vec{H}) \cdot d\vec{S}$

10. 恒定电流场中, 不同导电媒质分界面上自由电荷面密度
- $\rho = 0$
- 的条件为

(A)。

A. $\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{\varepsilon_1}{\varepsilon_2}$ B. $\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_1}$ C. $\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \varepsilon_2 \varepsilon_1$

11. 在时谐电磁场中, 引入位函数后, 电场的表达式为 (B)。

- A. $\vec{E} = -\nabla\varphi$ B. $\vec{E} = -\nabla\varphi - j\omega\vec{A}$
C. $\vec{E} = -\nabla\varphi + j\omega\vec{A}$

12. 已知海水的媒质参数为 ($\varepsilon_r = 81, \mu_r = 1, \sigma = 4S/m$), 针对频率为 1MHz 的

电磁波, 海水为 (B)。

- A. 良绝缘体 B. 良导体 C. 一般导电媒质

13. (电磁场与波 B 的同学解答) 电介质的极化程度取决于 (C)。

- A. 外加电场 B. 极化电场 C. 外加电场和极化电场之和

13. (电磁场与波和电磁场理论的同学解答) 两个夹角为 $\frac{\pi}{n}$ (n 为整数) 的半无限

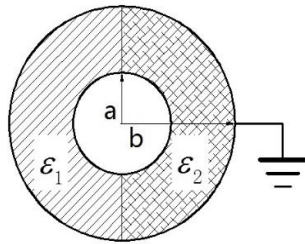
大接地导体板间有一点电荷 q , 则与其电性相同的镜像电荷个数为 (C)。

- A. $2n-1$ B. n C. $n-1$

二、计算题

1. 已知一个球形电容器, 其内外导体半径分别为 a 和 b 。电容器内填充有介电常数分别为 $\varepsilon_1, \varepsilon_2$ 电介质。假设内导体带电荷 q ,

外球接地, 如下图所示, 求电容器两球壳间的①
电场分布; ②电位分布; ③电容; ④电场能量。



解: (1) 电容器两球壳间的电场分布:

由高斯定理:

$$\oint_s \vec{D} \cdot d\vec{s} = 2\pi r^2 (\vec{D}_1 + \vec{D}_2) = q \quad (4 \text{ 分})$$

$$\text{由 } \vec{D}_1 = \varepsilon_1 \vec{E}_1, \vec{D}_2 = \varepsilon_2 \vec{E}_2 \text{ 以及 } \vec{E}_1 = \vec{E}_2 = \vec{E}, \quad (2 \text{ 分})$$

$$\text{可得两球壳间的电场强度为 } \vec{E}(r) = \vec{e}_r \frac{q}{2\pi(\varepsilon_1 + \varepsilon_2)r^2} \quad (2 \text{ 分})$$

(2) 电容器两球壳间的电位分布为:

$$\varphi(r) = \int_r^b \vec{E}(r) \cdot d\vec{r} = \frac{q}{2\pi(\varepsilon_1 + \varepsilon_2)} \int_r^b \frac{1}{r^2} dr = \frac{q(b-r)}{2\pi(\varepsilon_1 + \varepsilon_2)br} \quad (3 \text{ 分})$$

内外导体间的电位差为:

$$U = \int_a^b \vec{E}(r) \cdot d\vec{r} = \frac{q}{2\pi(\varepsilon_1 + \varepsilon_2)} \int_a^b \frac{1}{r^2} dr = \frac{q(b-a)}{2\pi(\varepsilon_1 + \varepsilon_2)ba} \quad (3 \text{ 分})$$

$$(3) \text{ 电容器两球壳间的电容为 } C = \frac{q}{U} = \frac{2\pi(\varepsilon_1 + \varepsilon_2)ba}{(b-a)} \quad (3 \text{ 分})$$

$$(4) \text{ 电容器两球壳间的电场能量为 } W_e = \frac{1}{2} qU = \frac{q^2(b-a)}{4\pi(\varepsilon_1 + \varepsilon_2)ba} \quad (3 \text{ 分})$$

2. 无源空间中 (媒质参数为 $\varepsilon, \mu, \sigma = 0$), 已知时谐电场的复数表示式为

$$\vec{H}(z) = 10(\vec{e}_x + j\vec{e}_y)e^{-j25z} \text{ V/m, 角频率为 } \omega, \text{ 试求出: (1) 对应电场的瞬时值表达式; (2) 瞬时坡印廷矢量; (3) 平均坡印廷矢量。}$$

$$\text{解: (1) } \nabla \times \vec{H} = j\omega\varepsilon\vec{E} \quad (2 \text{ 分})$$

$$\vec{E}(z) = \frac{1}{j\omega\varepsilon} \nabla \times \vec{H} = \frac{1}{j\omega\varepsilon} (\vec{e}_x \frac{\partial}{\partial x} + \vec{e}_y \frac{\partial}{\partial y} + \vec{e}_z \frac{\partial}{\partial z}) \times 10(\vec{e}_x + j\vec{e}_y)e^{-j25z} \quad (4 \text{ 分})$$

$$\vec{E}(z) = \frac{10}{j\omega\epsilon} (-j25)(\vec{e}_y - j\vec{e}_x)e^{-j25z} = \frac{250}{\omega\epsilon} (j\vec{e}_x - \vec{e}_y)e^{-j25z} \quad (4 \text{ 分})$$

电场的瞬时值为

$$\vec{E}(z, t) = \text{Re} \left[\frac{250}{\omega\epsilon} (j\vec{e}_x - \vec{e}_y)e^{-j25z} e^{j\omega t} \right] = -\vec{e}_x \frac{250}{\omega\epsilon} \sin(\omega t - 25z) - \vec{e}_y \frac{250}{\omega\epsilon} \cos(\omega t - 25z)$$

(2 分)

(2)

$$\vec{H}(z, t) = \text{Re} \left[10(\vec{e}_x + j\vec{e}_y)e^{-j25z} e^{j\omega t} \right] = \vec{e}_x 10 \cos(\omega t - 25z) - \vec{e}_y 10 \sin(\omega t - 25z)$$

(2 分)

瞬时坡印廷矢量

$$\begin{aligned} \vec{S} = \vec{E} \times \vec{H} &= (-\vec{e}_x \frac{250}{\omega\epsilon} \sin(\omega t - 25z) - \vec{e}_y \frac{250}{\omega\epsilon} \cos(\omega t - 25z)) \\ &\times (\vec{e}_x 10 \cos(\omega t - 25z) - \vec{e}_y 10 \sin(\omega t - 25z)) = \vec{e}_z \frac{2500}{\omega\epsilon} \end{aligned} \quad (3 \text{ 分})$$

(3) 平均坡印廷矢量

$$\begin{aligned} \vec{S}_{av} &= \frac{1}{2} \text{Re} [\vec{E} \times \vec{H}^*] = [(j\vec{e}_x \frac{250}{\omega\epsilon} - \vec{e}_y \frac{250}{\omega\epsilon})e^{-j25z} \times (\vec{e}_x 10 - j\vec{e}_y 10)e^{j25z}] \\ &= \vec{e}_z \frac{2500}{\omega\epsilon} \end{aligned} \quad (3 \text{ 分})$$

3. 无源空间中 (媒质参数为 $\epsilon, \mu, \sigma = 0$), 已知时谐磁场的复数表示式为

$$\vec{H}(z) = 10(\vec{e}_x + j\vec{e}_y)e^{-j25z} \text{ A/m}, \text{ 试求出: (1) 对应电场的瞬时值表达式;}$$

(2) 瞬时坡印廷矢量; (3) 平均坡印廷矢量。