电子科技大学研究生试卷

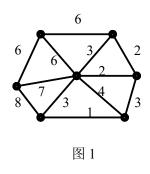
(考试时间: ____至___, 共_2_小时)

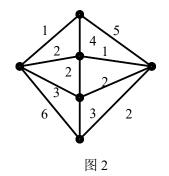
课程名称 图论及其应用 教师 学时 60 学分 学分

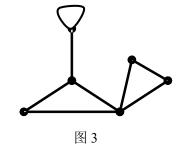
教学方式_讲授_ 考核日期_2015__年_6__月__26__日 成绩_____

考核方式: _____(学生填写)

- 一. 填空题(每空3分, 共15分)
- 1. 不同构的 3 阶简单图的个数为____。
- 2. 图 1 中的最小生成树的权值为_____。
- 3. 基于图 2 的最优欧拉环游的总权值为。
- 4. 图 3 中块的个数为 _____。







5. 图 4 中强连通分支的个数为_____

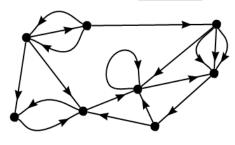


图 4

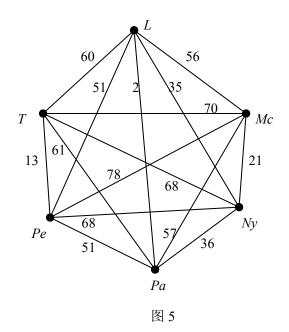
孙死

存名

平市

- 二. 单项选择(每题3分, 共15分)
- 1. 关于图的度序列, 下列命题错误的是()
 - (A) 同构的两个图的度序列相同;
 - (B) 非负整数序列 (d_1,d_2,\dots,d_n) 是图的度序列当且仅当 $\sum_{i=1}^n d_i$ 是偶数;
 - (C) 如果非负整数序列 (d_1,d_2,\dots,d_n) $(n \ge 2)$ 是一棵树的度序列,那么序列中至少有两个整数的值为 1;
 - (D). 如果非负整数序列 $(d_1,d_2,...,d_n)$ 是简单图的度序列,那么在同构意义下只能确定一个图。
- 2. 关于n阶简单图的邻接矩阵 $A=(a_{ii})_{n\times n}$,下列说法错误的是()
 - (A) 矩阵 A 的行和等于该行对应顶点的度数;
 - (B) 矩阵所有元素之和等于该图边数的 2 倍:
 - (C) 不同构的两个图,它们的邻接矩阵特征谱一定不同;
 - (D) 非连通图的邻接矩阵一定可以表示为准对角矩阵形式。
- 3. 关于欧拉图,下面说法正确的是()
 - (A) 欧拉图存在唯一的欧拉环游;
 - (B) 非平凡欧拉图中一定有圈;
 - (C) 欧拉图中一定没有割点;
 - (D) 度数为偶数的图一定是欧拉图。
- 4. 关于哈密尔顿图, 下列命题错误的是()
 - (A)设G是 $n \ge 3$ 的简单图,若其闭包是完全图,则G是哈密尔顿图;
 - (B) 若n阶单图的闭包不是完全图,则它一定是非哈密尔顿图;

- (C) 若 G 是哈密尔顿图,则对于V 的每个非空顶点子集S,均有 $\omega(G-S) \leq |S|$;
- (D) 若 $G \in \mathbb{R}_{n \geq 3}$ 的非 $H \neq \mathbb{R}$ 则 G 度弱于某个 $C_{m,n}$ 图。
- 5. 关于偶图, 下列说法错误的是()
 - (A) 偶图中不存在奇圈;
 - (B) 非平凡偶图的最大匹配是唯一的;
 - (C) k(k>0) 正则偶图存在完美匹配;
 - (D) 偶图中, 最大匹配包含的边数等于最小点覆盖包含的顶点数。
- 三、 $(20 \, f)$ 在一个赋权完全图中找到一个具有最小权值的哈密尔顿圈,称这种圈为最优哈密尔顿圈。(1)、用边交换技术方法求出图 5 中基于初始圈 $LTP_eP_aN_{,i}M_{c}L$ 的近似最优哈密尔顿圈;(2)、如何获取最优哈密尔顿圈权值的一个下界?以图 5 为例进行说明。



四,(10分)。矩阵的一行或一列称为矩阵的一条线,利用哥尼定理证明:布尔矩阵中,包含了所有"1"的最少数目,等于具有性质"任意两个1都不在同一条线上的1的最大数目"。(注:哥尼定理:在偶图中,最大匹配包含的边数等于最小点覆盖包含的顶点数)

五. (10 分) 求证: 设G是 n 阶的具有 m 条边的简单连通平面图,则:

 $m \le 3n - 6$ o

六.(20分)一家公司计划建造一个动物园,他们打算饲养下面这些动物: 狒狒(b)、狐狸(f)、山羊(g)、土狼(h)、非洲大羚羊(k)、狮子(1)、豪猪(p)、兔子(r)、鼩鼱(s)、羚羊(w)和斑马(z)。根据经验,动物的饮食习惯为:狒狒喜欢吃山羊、非洲大羚羊(幼年)、兔子和鼩鼱;狐狸喜欢吃山羊、豪猪、兔子和鼩鼱;土狼喜欢吃山羊、非洲大羚羊、羚羊和斑马;狮子喜欢吃山羊、非洲大羚羊、羚羊和斑马;豪猪喜欢吃鼩鼱和兔子;而其余的则喜欢吃虫子、蚯蚓、草或其它植物。公司将饲养这些动物,希望它们能自由活动但不能相互捕食。求这些动物的一个分组,使得需要的围栏数最少。(要求用图论方法求解)

七. $(10 \, \mathcal{G})$ 求下图 G 的色多项式 $P_k(G)$. 并求出点色数。

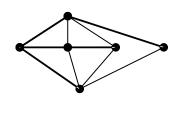


图 G