3.Определители квадратных матриц (определители второго и третьего порядков, понятие определителя п -го порядка). Разложение определителя по элементам строки или столбца.

Любой квадратной матрице А порядка n ставится в соответствие по определённому закону некоторое число, называемое определителем n-го порядка этой матрицы(детерминантом).

Обозначения: |A|, Δ , det A.

- 1) Определителем матрицы 1-го порядка $A=(a_{11})$ называется число a_{11} . $|A|=|a_{11}|=a_{11}$.
 - 2) Определитель 2-го порядка равен разности произведения элементов главной диагонали и побочной диагонали.

$$\det A = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{11} & a_{22} \end{vmatrix} = a_{11}a_{22} - a_{12}a_{21}.$$

- 3) Определителем 3-го порядка называется число, которое определяется по правилу:
 - а)треугольников(Саррюса):

$$\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} = a_{11}a_{22}a_{33} + a_{12}a_{23}a_{31} + a_{21}a_{13}a_{32} - a_{13}a_{22}a_{31} - a_{12}a_{21}a_{33} - a_{11}a_{23}a_{32}$$

б) разложением определителя по элементам строки:

$$\Delta = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} =$$

$$= a_{11}(-1)^{1+1} \begin{vmatrix} a_{22} & a_{23} \\ a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} + a_{12}(-1)^{1+2} \begin{vmatrix} a_{21} & a_{23} \\ a_{31} & a_{33} \end{vmatrix} + a_{13}(-1)^{1+3} \begin{vmatrix} a_{21} & a_{22} \\ a_{31} & a_{32} \end{vmatrix} =$$

$$= a_{11}(a_{22} \cdot a_{33} - a_{23} \cdot a_{32}) - a_{12}(a_{21} \cdot a_{33} - a_{23} \cdot a_{31}) + a_{13}(a_{21} \cdot a_{32} - a_{22} \cdot a_{31}) =$$

$$= a_{11}a_{22}a_{33} + a_{12}a_{23}a_{31} + a_{21}a_{32}a_{13} - a_{31}a_{22}a_{13} - a_{12}a_{21}a_{33} - a_{11}a_{22}a_{32}.$$

в) разложением определителя по элементам столбца:

$$\det A = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} = -a_{12} \begin{vmatrix} a_{21} & a_{23} \\ a_{31} & a_{33} \end{vmatrix} + a_{22} \begin{vmatrix} a_{11} & a_{13} \\ a_{31} & a_{33} \end{vmatrix} - a_{32} \begin{vmatrix} a_{11} & a_{13} \\ a_{21} & a_{23} \end{vmatrix}$$