

플립(Flip)1)

[문제] 1차원 binary pixel 배열 P[N]이 있다. 이 배열의 특정 구간 [i:j]의 모든 값을 역으로 <u>뒤집는</u> 동작(operation)인 **flip(i,j)**이 함수로 제공된다. 일종의 toggle 직업이다. 이 동작은 배열의 특정구간 P[i:j]의 모든 값에 대하여 그 값을 역으로 바꾼다. 즉 0→1, 1→0으로 바꾼다. 일종의 toggle 작업이다. 만일 **flip(r,r)**이면 이것은 하나의 bit P[r]을 바꾸는 것과 같다. 아래에 제시된 배열 P[30]의 예를 들어 설명해보자.

우리는 처음 상태에서 아래와 같이 5번의 $\mathbf{flip}(\mathbf{i},\mathbf{j})$ 작업을 하였다. 그 진행 결과는 아래 표에 순차적으로 표시되어 있다. 여러분은 입력 파일에 제시된 모든 \mathbf{flip} 작업을 마친 후, $\mathbf{P}[\mathbf{N}]$ 에서 존재하는 $\mathbf{1}$'s run의 개수 \mathbf{R} 과 '1'의 개수 \mathbf{V} 를 정수로 출력해야 한다. $\mathbf{1}$'s run이란 숫자 $\mathbf{1}$ 로만으로 구성된 최대 길이의 substring 이다. \mathbf{x} 's run이란 어떤 스트링에서 문자 \mathbf{x} 가 연속한 **최대 길이의 substring**을 의미한다.

flip(i,j)	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	2 0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
초기	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
[9, 23]	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0
[6, 15]	0	0	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0
[13, 20]	0	0	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0
[2, 6]	0	0	1	1	1	1	0	1	1	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0
[20, 28]	0	0	1	1	1	1	0	1	1	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1	1	1	1	0

위의 표에서 최종 P[N]에서 모든 1's run은 파란색으로 표시된 부분이며 그 개수는 R=5이다. 그리고 전체 P[N]에 존재하는 '1'의 개수는 15개이므로 여러분은 정답으로 '5 15'를 stdout에 출력해야 한다. 만일 전체가 모두 1이라면 1's run은 1개이고 그 길이는 30이므로 '1 30'으로 출력해야 한다.

단 이번 문제에서 N은 매우 큰 수가 될 수 있으므로 고정적인 C-style 배열을 사용하면 memory fault가 날 수 있다. 또 그 flip() 작업을 할 때마다 일일이 하나씩의 bit을 모두 처리해야 하므로 그로 인한 수행 시간으로 인하여 time-out이 될 수 있다. 따라서 여러분은 이런 $\Theta(N)$ 작업 시간을 줄일 수 있는 특별한 자료 구조를 고안(devise)해서 풀어야 한다. 가장 추천하는 자료구조는 link가 포함된 list< mynode > FLIP; 이다.

¹⁾ 이번 문제는 flip (easy version)이다. 이 문제에서 P[N]을 P[M][N]으로 2차원 확장하면 상당히 까다로운 flip(hard version) 문제가 된다. 이 hard version을 감안하여 확장 가능하도록 flexible하게 작성하기를 권한다.

[입출력] 표준 입출력을 사용한다. 첫 줄에 배열의 크기 N, 그리고 flip 동작의 개수 K가 주어진다. 이어지는 K개의 줄에는 $\mathbf{flip}(\mathbf{i},\mathbf{j})$ 의 입력인 두 정수 ' \mathbf{i} \mathbf{j} '가 주어진다. 단 $10 \le N \le 2^{63}$ 이며 $1 \le K \le 1,000$ 이며 $0 \le i \le j < N$ 이다.

여러분은 출력으로 stdout의 첫 줄에 2개의 정수를 제시해야 한다. 즉 P[N]에 있는 1'run의 개수 R과 그모든 run의 길이의 합S, 즉 1의 갯수를 첫 줄에 순서대로 R W로 출력해야 한다.

[예제]

2025 Data Structure

stdin		stdout
30 5	// N=30, K=5	5 15 // R, W
9 23	// flip(9,23)	
6 15		
13 20		
2 6		
20 28		
30 2	// N=30, K=2	1 2
23 23		
22 22		

[제한조건] 프로그램 이름은 flip.{c,cpp,py}이다. 허용되는 token의 수는 최대 600이며, 최대 허용수행 시간은 0.5 초이다. 생각없이 자료구조를 구성하면 time-out될 수 있음을 유의해야 한다. N와 K의 범위를 고려하여 가장 효율적인 자료구조를 구성해야 한다.