

## 【实验目的】

1. 熟悉扭摆的构造及使用方法, 掌握数显计时计数器秒仪的正确使用;
2. 学会用扭摆测定弹簧的扭转常量;
3. 学会用扭摆法测定有规则几何形状的物体的转动惯量;
4. 验证平行轴定理.

## 【实验原理】(电学、光学画出原理图)

### 1. 扭摆法摆动周期公式推导

由推导知  $T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi\sqrt{\frac{I}{K}}$  ( $I$  为物体绕转轴的转动惯量,  $K$  为弹簧的扭转常量)

实验时先算出金属载物圆盘弹簧的  $K$  值, 再测定其上其它有规则几何形状的被测物体的  $I$  测得  $T$ , 由上式可知该被测物体绕转轴的  $I$ . 规则几何形状被测物体由理论公式直接求得.

### 2. 比较法测定扭转常量.

转动惯量  $I_0$  - 金属载物圆盘,  $I_1$  塑料圆柱体; 金属载物圆盘摆动周期  $T_0$ , 两者为  $T_1$ .

由上式知  $\frac{I_0}{T_0^2} = \frac{I_0}{T_0^2} \bigg/ \frac{I_0}{T_0^2} = \frac{I_0}{T_0^2} \bigg/ \frac{I_0}{T_0^2}$ , 由理论公式  $I_{理} = \frac{1}{8} m_{柱} D_{柱}^2$  得  $K = 4\pi^2 \frac{I_{理}}{T_1^2 - T_0^2}$

### 3. 有规则几何形状物体的转动惯量.

#### (1). 金属载物圆盘的转动惯量 $I_0$

设其周期为  $T_0$ , 则由上式知  $K$  得  $I_0 = \frac{KT_0^2}{4\pi^2}$

#### (2). 塑料圆柱体的转动惯量 $I_1$

塑料圆柱体的转动惯量  $I_1 = \frac{KT_1^2}{4\pi^2} - I_0$ , 又:  $I_{理} = \frac{1}{8} m_{柱} D_{柱}^2$   $\therefore E_1 = \frac{|I_{理} - I_1|}{I_{理}} \times 100\%$

#### (3). 金属大圆筒的转动惯量 $I_2$

$I_2 = \frac{KT_2^2}{4\pi^2} - I_0$   $\therefore I_{理} = \frac{1}{8} m_{筒} (D_{外}^2 - D_{内}^2)$   $\therefore E_2 = \frac{|I_{理} - I_2|}{I_{理}} \times 100\%$

#### (4). 尼龙球的转动惯量 $I_3$

$I_3 = \frac{KT_3^2}{4\pi^2} - I_0$   $\therefore I_{理} = \frac{1}{2} m_{球} R^2$   $\therefore E_3 = \frac{|I_{理} - I_3|}{I_{理}} \times 100\%$

#### (5). 金属细杆的转动惯量 $I_4$

$I_4 = \frac{KT_4^2}{4\pi^2} - I_0$   $\therefore I_{理} = \frac{1}{12} m_{杆} L^2$   $\therefore E_4 = \frac{|I_{理} - I_4|}{I_{理}} \times 100\%$

### 4. 平行轴定理的验证

$I = I_m + mX^2$   $\therefore I_{理} = \frac{1}{8} m_{筒} (D_{外}^2 - D_{内}^2) + \frac{1}{2} m_{筒} L^2$

$I_5 = \frac{KT_5^2}{4\pi^2} - I_0 - I_4 - 2mX^2$   $\therefore E_5 = \frac{|I_{理} - I_5|}{I_{理}} \times 100\%$

## 【实验内容】（重点说明）

### 1. 仪器调整

- (1). 调整扭摆基座底脚螺丝, 使水准泡中气泡居中;
  - (2). 装上金属载物盘, 并调整光电门位置, 使金属载物盘上的挡光杆摆动时能挡住发射、接收红外线的小孔;
  - (3). 开启数显计时计数器, 按“功能”按钮, 选择“周期”功能, “周期”左边指示灯亮起。预置周期数, 如设置50次。按“执行”按钮, 等待采样时间;
  - (4). 拨动金属载物圆盘, 使之摆动起来, 按“复位”按钮, 开始采样周期的时间;
2. 用电子秤和游标卡尺测量待测物体的质量和必要的几何尺寸;

### 3. 测定扭摆的扭转常数

- (1). 测定金属载物盘的摆动周期  $T_0$ ;
  - (2). 测定金属载物盘上放置塑料圆柱体的摆动周期  $T_1$ ;
  - (3). 计算  $k$ 、 $I_0$ 、 $I_1$ 、 $I_2$ 、 $E$ ;
4. 测定金属大圆筒、尼龙球和金属细长杆的转动惯量
5. 验证转动惯量平行轴定理。

## 【实验器材及注意事项】

实验器材: 数显计时计数器、光电门、电子秤。

- 注意事项:
1. 转动轴必须插入载物圆盘, 并将螺丝旋紧, 使它与弹簧组成牢固的刚体。若发现转动次数之后便停下, 因为螺丝未旋紧;
  2. 弹簧有一定的使用寿命和强度, 不能随意玩弄弹簧, 实验时摆动角不能太大;
  3. 圆柱体和大圆筒放在载物圆盘上时, 必须放正, 不能倾斜;
  4. 挡光杆必须通过光电探头间隙内的两个小孔。光电探头应放置于挡光杆的平衡位置处;
  5. 在验证转动惯量平行轴定理时两个圆筒一定要对称放置。



## 【数据处理与结果】

 $m_{\text{盘}} = 277.5\text{g}$     $m_{\text{大柱}} = 902.5\text{g}$     $m_{\text{小柱}} = 432.8\text{g}$    预置次数皆为 6.

项目	$T_{\text{盘}}/(\text{s})$	$T_{\text{大柱}}/(\text{s})$	$T_{\text{小柱}}/(\text{s})$	$D_{\text{大柱}}/(\text{mm})$	$D_{\text{小柱}}/(\text{mm})$
平均值	0.6062	1.1152	0.8870	99.50	99.63

(1) 计算  $k$ .

$$I_{\text{大柱}} = \frac{1}{8} m_{\text{大柱}} D_{\text{大柱}}^2 = \frac{1}{8} \cdot 902.5 \times 10^{-3} \cdot (99.50 \times 10^{-3})^2 \approx 1.12 \times 10^{-5}$$

$$\text{由比较法公式得 } k = 4\pi^2 \frac{I_{\text{大柱}}}{T_1^2 - T_0^2} = 4\pi^2 \cdot \frac{1.12 \times 10^{-5}}{1.1152^2 - 0.6062^2} \approx 5.04 \times 10^{-4}$$

(2) 计算圆盘  $I_0$ 

$$\text{由公式得 } I_0 = \frac{k T_0^2}{4\pi^2} \approx 4.701 \times 10^{-6}$$

(3) 计算大圆柱  $I_1$ 、 $E_1$ 

$$I_1 = \frac{k T_1^2}{4\pi^2} - I_0 \approx 1.12 \times 10^{-5}$$

$$E_1 = \frac{|I_{\text{大柱}} - I_1|}{I_{\text{大柱}}} \times 100\% \approx 0.089\%$$

(4) 计算小圆柱  $I_2$ 、 $I_2$ 、 $E_2$ 

$$I_{2\text{测}} = \frac{1}{8} m_{\text{小柱}} D_{\text{小柱}}^2 = \frac{1}{8} \cdot 432.8 \times 10^{-3} \cdot (99.63 \times 10^{-3})^2 \approx 5.390 \times 10^{-6}$$

$$I_2 = \frac{k T_2^2}{4\pi^2} - I_0 \approx 5.356 \times 10^{-6}$$

$$E_2 = \frac{|I_{2\text{测}} - I_2|}{I_{2\text{测}}} \times 100\% \approx 0.63\%$$

## 【误差分析】

1. 实验时摆动角度过大, 未待到完全稳定时再按“执行”测量周期;
2. 由于预置次数设置未达到最合理, 导致所测周期幅度相差偏大;
3. 游标本身并不做永久持续性的偏转, 不能完全稳定;
4. 由于圆柱可能存在磨损, 导致测量会有误差;
5. 计算过程中由于保留一定的有效数字导致误差在计算时累积。

## 【实验心得及思考题】

实验心得: 首先, 这次实验让我重新温故了有关转动惯量的知识, 加深了知识的理解; 其次, 在预习实验时, 重新对公式的由来、推理有了清晰的认识; 再者, 本实验再一次也接触到了扭摆实验装置, 对数显计时秒表秒仪也有了实际操作上的认识, 也对游标卡尺的读数进行了温故; 总之, 这次实验让我温故了很多, 收获颇丰。

- 思考题:
1. 因为只有取下安装夹具, 两者才能算是形状规则的几何体, 我们才利用公式计算其转动惯量理论值;
  2. 将物体置于圆盘上绕特定轴转动, 求出整体的转动惯量, 减去圆盘的转动惯量, 即该物体的转动惯量。若特定轴为圆盘中心, 则可直接得到, 将其质心置于轴心; 若质心与轴心有距离, 可用平行轴定理  $I = I_0 + mx^2$  计算得到。其中质心可用重力悬挂法得到。



【数据记录及草表】

1. 金属圆盘

预置次数 6 圆盘质量  $m_0 = 277.5g$

实验次数	1	2	3	4	5	平均值
$T_k(s)$	3.638	3.638	3.635	3.637	3.636	3.637
$T_0(s)$	0.6063	0.6063	0.6058	0.6062	0.606	0.6062

2. 大圆柱

预置次数 6 质量  $m_1 = 902.5g$

实验次数	1	2	3	4	5	平均值
$T_k(s)$	6.687	6.697	6.685	6.697	6.689	6.691
$T_0(s)$	1.1145	1.1162	1.1142	1.1162	1.1148	1.1152

3. 小圆柱

预置次数 6 质量  $m_2 = 432.8g$

实验次数	1	2	3	4	5	平均值
$T_k(s)$	5.308	5.337	5.337	5.308	5.319	5.322
$T_0(s)$	0.8847	0.8895	0.8895	0.8847	0.8865	0.887

4. 测直径

实验次数	1	2	3	4	5	平均值
$D_{\text{圆柱}}(mm)$	99.52	99.50	99.50	99.52	99.50	99.50
$D_{\text{圆柱}}(mm)$	99.64	99.62	99.62	99.62	99.60	99.63