问题

给定语言

 $L = \{a^n b^n : n \ge 0\},$

试构造一个上下文无关文法G,使得文法G生成语言 \overline{L} 。

解答

在语言L中的句子,符号a在符号b之前,并且两者数目相同。因此,语言 \overline{L} 中的句子,要么有符号b出现在符号a之前,要么符号a全在符号b之前,但两者数目不同。

基于此,构造文法 $G = (\{S,A,B,C,D,E\},\{a,b\},S,P)$,其中产生式P包括:

 $S \rightarrow A|B|D$

 $A \rightarrow aA|aC$

 $B \rightarrow Bb|Cb$

 $C \rightarrow aCb|\varepsilon$

 $D \rightarrow EbEaE$

 $E \rightarrow aE|bE|\varepsilon$

注:变量D生成有符号b出现在符号a之前的符号串,其中变量E生成(a+b)*;变量A和变量B生成的符号串满足符号a全在符号b之前,但两者数目不同,其中变量A生成符号a多的符号串,其中变量B生成符号b多的符号串。