Zusammenfassung Integraltransformationen

Prof. Dr. Gerta Köster

10. November 2017

Inhaltsverzeichnis

Ι	Hinweise	5		
II	Grundwissen	6		
II	I Einführung	7		
1	${\bf Funktion altrans formation en *}$	7		
2	Titel	7		
3	Zeitfunktionen	8		
4	Dirac-Stoß	8		
5	Faltung von Funktionen	8		
6	komplexe Funktionen	8		
	6.1 insbesondere Exponentialfunktion, Logarithmus, sin, cos, sinh, cosh, Wurzel, Polynome 6.2 Grenzwerte für komplexe Funktionen 6.3 Stetigkeit 6.4 Differenzierbarkeit, Ableitung 6.5 Holomorphie 6.6 Cauchy-Riemannsche Differentialgleichungen 6.7 Potenzreihen, Konvergenz, Konvergenzradius 6.8 spezielle Laurentreihe und Laurentreihe 6.9 Potenzreihen und holomorphe Funktionen 6.10 Taylorentwicklung 6.11 Laurentreihen und Holomorphie 6.12 Stammfunktionen und Kurvenintegrale 6.13 Wegunabhängigkeit von Kurvenintegralen 6.14 Hauptsatz der Integralrechnung 6.15 Cauchyscher Integralsatz 6.16 Laurent-Koeffizienten und Kurvenintegrale 6.17 Residuum und Polstellen 6.18 Residuensatz und Anwendung zur Berechnung von Kurvenintegralen	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8		
I	IV Fourier-Transformation			
7	Fourier-Transformation	10		

8	Four	rier-Transformation	10
	8.1	Definition Fourier-Transformation	10
	8.2	Definition Fourier-Transformation und inverse Fourier-Transformati	on
		und wichtige Beispiele, etwa Dirac-Impuls, Rechtecksimpuls, e^{iat}	10
	8.3	Rechenregeln und Beispielrechnungen	10
	8.4	$Fourier-Sinus-Transformation,\ Fourier-Cosinus-Transformation \ .$	10
	8.5	Fourier-Integralsatz, Parcevalsche Gleichung	10
9	Four	rier-Reihen	10
	9.1	Darstellung periodischer Funktionen als Fourier-Reihen	10
	9.2	Fourier-Koeffizienten (als "Inverse")	10
	9.3	Orthogonalitätsbeziehung	10
	9.4	Darstellungssatz - analog Fourier-Integralsatz	10
	9.5	Gibbsches Phänomen	10
	9.6	Sinus- und Cosinusreihe für ungerade und gerade Funktionen $$	10
	9.7	Rechenregeln und Analogie zur Fouriertransformation	10
	9.8	Größenordnung der Fourier-Koeffizienten	10
	9.9	Periodische Faltung	10
	9.10	0	
		Reihen	10
10	Anv	vendungen in Signalverarbeitung und Kompression	10
	10.1	Signalübertragung: Modulation und Multiplexing	10
		Keying	10
	10.2	FDM – Frequency Division Multiplexing	10
		Digitale Filter und Ideen der mp3-Kompression	10
		10.3.1 Faltung von Folgen, Faltung und Matrizenmultiplikation .	10
		10.3.2 Tiefpassfilter, Hochpassfilter	10
		10.3.3 Kompression von Audiosignalen: Bandunterteilung und	
		Idee der psychoakustischen Modelle	10
11	Disk	krete Fourier-Transformation und Abtasten (Sampling)	10
		Definition der diskreten Fourier-Transformation und Inverse	10
		Abtast theorem nicht-periodischer Fall	10
		Abtasttheorem von Shannon-Nyquist für den periodischen Fall .	10
		Rezept zur Signalrekonstruktion	10
		Fast Fourier Transform	10
\mathbf{V}	La	aplace-Transformation	11
T 7	г 17	/ The marks and the marks are	10
\mathbf{V}_{\cdot}	ιZ	<i>I</i> -Transformation	12

Abbildungsverzeichnis

Teil I **Hinweise**

Mit * gekennzeichnete Abschnitte sind nicht in der Zusammenfassung von Prof. Dr. Gerta Kösterexplizit erwähnt und wurden hier ergänzt.

$\begin{array}{c} {\rm Teil~II} \\ {\bf Grundwissen} \end{array}$

Teil III

Einführung

1 Funktionaltransformationen*

Zur Einführung empfehle ich die Videos *** Integraltransformationen Einführung Teil 1 von Stephan Mueller https://youtu.be/9JEuiY8mKOw und 20.08 Funktionaltransformationen, Fourier, Laplace, z Jörn Loviscach https://youtu.be/A6UK5cqSYic.

Integraltransformationen sind spezielle Funktionaltransformationen.

2 Titel

Das ist ein $x = 5 + 7 \cdot \sum_{k} \{k = 1\} \{\inf\}$ Test.

- 3 Zeitfunktionen
- 4 Dirac-Stoß
- 5 Faltung von Funktionen
- 6 komplexe Funktionen
- 6.1 insbesondere Exponentialfunktion, Logarithmus, sin, cos, sinh, cosh, Wurzel, Polynome
- 6.2 Grenzwerte für komplexe Funktionen
- 6.3 Stetigkeit
- 6.4 Differenzierbarkeit, Ableitung
- 6.5 Holomorphie
- 6.6 Cauchy-Riemannsche Differentialgleichungen
- 6.7 Potenzreihen, Konvergenz, Konvergenzradius
- 6.8 spezielle Laurentreihe und Laurentreihe
- 6.9 Potenzreihen und holomorphe Funktionen
- 6.10 Taylorentwicklung
- 6.11 Laurentreihen und Holomorphie
- 6.12 Stammfunktionen und Kurvenintegrale
- 6.13 Wegunabhängigkeit von Kurvenintegralen
- 6.14 Hauptsatz der Integralrechnung
- 6.15 Cauchyscher Integralsatz
- 6.16 Laurent-Koeffizienten und Kurvenintegrale
- 6.17 Residuum und Polstellen
- 6.18 Residuensatz und Anwendung zur Berechnung von Kurvenintegralen

Teil IV

Fourier-Transformation

- 7 Fourier-Transformation
- 8 Fourier-Transformation
- 8.1 Definition Fourier-Transformation
- 8.2 Definition Fourier-Transformation und inverse Fourier-Transformation und wichtige Beispiele, etwa Dirac-Impuls, Rechtecksimpuls, e^{iat}
- 8.3 Rechenregeln und Beispielrechnungen
- 8.4 Fourier-Sinus-Transformation, Fourier-Cosinus-Transformation
- 8.5 Fourier-Integralsatz, Parcevalsche Gleichung
- 9 Fourier-Reihen
- 9.1 Darstellung periodischer Funktionen als Fourier-Reihen
- 9.2 Fourier-Koeffizienten (als "Inverse")
- 9.3 Orthogonalitätsbeziehung
- 9.4 Darstellungssatz analog Fourier-Integralsatz
- 9.5 Gibbsches Phänomen
- 9.6 Sinus- und Cosinusreihe für ungerade und gerade Funktionen
- 9.7 Rechenregeln und Analogie zur Fouriertransformation
- 9.8 Größenordnung der Fourier-Koeffizienten
- 9.9 Periodische Faltung
- 9.10 Zusammenhang zwischen Fourier-Transformation und Fourier-Reihen
- 10 Anwendungen in Signalverarbeitung und Kompression
- 10.1 Signalübertragung: Modulation und Multiplexing
- 10.1.1 Phasenmodulation mit QPSK Quadrature Phase Shif Keying
- 10.2 FDM Frequency Division Multiplexing
- 10.3 Digitale Filter und Ideen der mp3-Kompression
- 10.3.1 Faltung von Folgen, Faltung und Matrizenmultiplikation
- 10.3.2 Tiefpassfilter, Hochpassfilter
- 10.3.3 Kompression von Audiosignalen: Bandunterteilung und Idee der psychoakustischen Modelle

11 Diskrete Fourier-Transformation und Abtas-

${ \begin{array}{c} {\rm Teil} \ {\rm V} \\ {\bf Laplace\text{-}Transformation} \end{array} }$

${\bf Teil} \,\, {\bf VI}$

Z-Transformation