



③ Pela Propriedade de Morgan. Se $x \in (A \cup B)$, então $x \in (A \cap B)$, desse modo

$$x \in A \Leftrightarrow x \in B. \text{ Isso é } x \in A \Rightarrow x \in B. \text{ Logo, } (A \cup B)' = A' \cap B'$$

④ Se $m=0$, então $m+m=m$.

i) Pelo recurso $m+0(m)=0(m+m)$

ii) $m+m=12$ se e somente se essa igualdade pode ser obtida a partir de $m+0=m$, usando finitamente a recursão

$\rightarrow 3 \geq 2 \rightarrow$ alternação: $\circ(\circ(\circ(0)))$ e $\circ(\circ(0))$

$$\begin{aligned} & \circ(\circ(\circ(0))) + \circ(\circ(0)) \rightarrow \boxed{3+3} \\ & = \circ(\circ(\circ(\circ(0)))) + \circ(0) \rightarrow \boxed{4+1} \\ & = \circ(\circ(\circ(\circ(\circ(0)))) + \circ(0)) \rightarrow \boxed{5+0} \\ & = \circ(\circ(\circ(\circ(\circ(\circ(0)))))) \rightarrow \boxed{\text{Caso base 5}} \end{aligned}$$

⑤ $1+2^m < 3^m$ $\forall m > 2$ $m=k=2$ $1+2^2 < 3^2 = 1+4 < 9 = 5 < 9 \rightarrow$ Verdade

Supondo que $P(k)$ é verdade para $k > 2$, ou seja, $1+2^k < 3^k$.

Para que $P(k)$ seja verdade $1+2^{(k+1)} < 3^{k+1}$ tem-se

$1+2^{k+1} = 1+2^{k+2} < 3^{k+2}$ logo $P(k+1)$ é verdade, pelo princípio da indução, $1+2^m < 3^m$.

⑥ $L \times R \leftrightarrow (x,y) \in R \quad A=\{0,1,2,3\}$ existe um laço para cada no, para cada aresta de "ida" existe uma aresta de "volta" e não é transitiva, para $1R0$ e $0R3$ não temos $1R3$.

2- $A=\{0,1,2,3\} \quad R=\{(0,1),(0,2)\}$ não é simétrica, para cada aresta de "ida" não há uma aresta de "volta".

3- $A=\{0,1,2,3\} \quad R=\{(0,0),(1,0)\}$ não existe laço nenhum, por isso não é transitiva.