

## Лабораторная работа 7

1. Загрузить среду программирования.
2. Выполнить задачи по варианту. Номер варианта равен номеру рабочего места.
3. Представить результат преподавателю.

Чтобы разобраться с различиями операторов `=`, `==`, `==:` и `is`, для каждого запроса сначала попробуйте

понять, как должен ответить Пролог, а потом проверьте, правильны ли ваши предположения.

?- `X = 1+2.`

?- `3 = 1+2.`

?- `2+1 = 1+2.`

?- `X == 1+2.`

?- `3 == 1+2.`

?- `2+1 == 1+2.`

?- `X ==: 1+2.`

?- `3 ==: 1+2.`

?- `2+1 ==: 1+2.`

?- `X is 1+2.`

?- `3 is 1+2.`

?- `2+1 is 1+2.`

Кроме того, в некоторых заданиях пригодятся предикаты проверки типов. Их можно найти в разделе 4.5 (в новых версиях -- 4.6) помощи SWI-Prolog [http://www.swi-prolog.org/pldoc/doc\\_for?object=section%28%2C%274.6%27%2Cswi%28%27%2Fdoc%2FManual%2Ftypetest.html%27%29%29](http://www.swi-prolog.org/pldoc/doc_for?object=section%28%2C%274.6%27%2Cswi%28%27%2Fdoc%2FManual%2Ftypetest.html%27%29%29):

`var(Term)` -- удаётся для свободных переменных

`nonvar(Term)` -- противоположный `var`

`float(Term)` -- удаётся для чисел с плавающей точкой

`integer(Term)` -- удаётся для целых чисел

`number(Term)` -- удаётся для любых чисел

`atom(Term)` -- удаётся для атомов

compound(Term) -- удаётся для составных термов

atomic(Term) -- удаётся, если Term -- атом или число (или значение встроеного типа "строка", который в нашем курсе не используется)

callable(Term) -- удаётся, если Term -- атом или составной терм

ground(Term) -- удаётся, если Term не содержит свободных переменных

Варианты:

1	<p>1. N-ное треугольное число -- сумма чисел <math>1+2+3+\dots+N</math>. Определите (рекурсивно, не используя формулу <math>N*(N+1)/2</math>) предикат <code>triangle(N, NthTriangle)</code>, который выполняется, если <code>NthTriangle</code> -- N-ное треугольное число.</p> <p>?- triangle(4, X). X = 10</p> <p>2. Определите предикат <code>dot(List1, List2, DotProduct)</code>, который выполняется, если длины списков <code>Dot1</code> и <code>Dot2</code> совпадают, а <code>DotProduct</code> -- их скалярное произведение.</p> <p>?- dot([1,2,3], [4,5,6], Result). Result = 26 %% т.е. <math>1*4+2*5+3*6</math></p> <p>3. Определите предикат <code>polynom(Expr)</code>, который выполняется, если <code>Expr</code> -- многочлен в нормальной форме (т.е. слагаемые идут в порядке уменьшения степени и коэффициенты не равны 0).</p> <p>?- polynom(<math>2*x^3 + x</math>). Yes</p> <p>4. Определите предикат <code>combination(List, K, Combination)</code>, который находит все комбинации по K элементов <code>List</code> как отдельные ответы.</p> <p>?- combination([1,2,3], 2, C). C = [1,2] ; C = [1,3] ; C = [2,3] ; No</p>
2	<p>1. Определите предикат <code>fib(N, NthFib)</code>, который выполняется, если <code>NthFib</code> -- N-ное число Фибоначчи (начиная с 1).</p> <p>?- fib(3, X). X = 2</p> <p>2. Определите предикат <code>mean(List, Mean)</code>, который выполняется, если <code>Mean</code> -- арифметическое среднее списка <code>List</code>.</p> <p>?- mean([1,2,3], Mean). Mean = 2.0</p> <p>3. В числе операторов, определённых в Prolog, есть <math>\wedge</math> (и), <math>\vee</math> (или), <math>\neg</math> (не) и <math>\rightarrow</math> (следует). Определите предикат <code>dnf(Formula)</code>, который выполняется, если <code>Formula</code></p>

	<p>-- формула в дизъюнктивной нормальной форме (т.е. дизъюнкция ("или") конъюнкций переменных и их отрицаний, в качестве переменных используем атомы).</p> <p>?- dnf((x ∧ (¬ y) ∧ z) ∨ ((¬ x) ∧ z)). Yes ?- dnf((x ∨ (¬ y)) ∧ (z ∨ (¬ x) ∨ y)). No</p> <p>4. Определите предикат eval_logic(Formula, Values), который выполняется, если Formula -- логическая формула, Values -- список термов вида true(V) и false(V), где V -- атомы, которые используются в Formula, и в результате подстановки этих значений формула становится истинной.</p> <p>?- eval_logic(¬ (x → (¬ y)), [true(x), false(y)]). No</p>
3	<p>1. Определите (рекурсивно, не используя ^) предикат power(X, N, Power), который выполняется, если Power -- число X в степени N.</p> <p>?- power(3, 2, X). X = 9</p> <p>2. Представим многочлены как списки их коэффициентов в порядке убывания степени. Например, многочлен <math>2x^2+1</math> будет представлен как [2,0,1]. Определите предикат eval_poly(Polynom, X, Result), выполняющийся, если Result -- значение многочлена Polynom при аргументе X. Для возведения в степень используйте оператор ^ или определённый в прошлой задаче power/3. Возможно также использование схемы Горнера.</p> <p>?- eval_poly([2,0,1,0], 1, Result). % <math>2X^3 + X = 2 \cdot 1^3 + 1 = 3</math> Result = 3</p> <p>3. В числе операторов, определённых в Prolog, есть ∧ (и), ∨ (или), ¬ (не) и → (следует). Определите предикат nnf(Formula), который выполняется, если Formula -- формула, в которой отрицания стоят только перед переменными (переменные в формуле представляем атомами).</p> <p>?- nnf((x ∧ (¬ y)) → (¬ x) ∧ z). Yes ?- nnf((x ∧ (¬ y)) → ¬ (x ∧ z)). No</p> <p>4. Определите предикат nnf(Formula, NNF), который выполняется, если NNF -- формула, полученная из Formula эквивалентными преобразованиями, в которой отрицания стоят только перед переменными.</p> <p>?- nnf(¬ ((x → y) ∧ z), NNF). NNF = (x ∧ (¬ y)) ∨ (¬ z)</p>
4	<p>1. Определите предикат factorial(N, FactN), который выполняется, если FactN -- факториал N.</p> <p>?- fact(3, X).</p>

	<p><math>X = 6</math></p> <p>2. Определите предикат occurrences(Elem, List, Number), который выполняется, если элемент Elem встречается в списке List N раз.</p> <p>?- occurrences(3, [1,2,3,1,3], N). N = 2</p> <p>3. :-, ; и , -- обычные операторы в Prolog. Определите предикат rule(Rule), который проверяет, является ли терм Rule правилом (без точки в конце), то есть: 1. Голова правила может быть вызвана (в смысле callable/1); 2. Тело правила состоит из (1 или более) callable термов, разделённых ',' и ';' (заметьте, что T1,T2 и T1;T2 -- сами callable, но их нужно обрабатывать отдельно).</p> <p>?- rule(p(X, Y) :- q(X)). Yes ?- rule(p :- q(X), r, r). Yes ?- rule(4 :- p, q). No ?- rule(p :- 4, q). No</p> <p>4. Определите предикат eval_arithmetic(Expr, Values, Result), который выполняется, если Expr -- арифметическое выражение (содержащее операторы +, *, -, / и атомы в качестве переменных), Values -- список термов Var = Val, где Var - атом, а Val -- число, а Result -- результат вычисления Expr при подстановке вместо каждого атома соответствующего ему значения из Values.</p> <p>?- eval_arithmetic(x + 3*y, [x = 2, y = 1], Result). Result = 5</p>
5	<p>1. N-ное треугольное число -- сумма чисел 1+2+3+...+N. Определите (рекурсивно, не используя формулу <math>N*(N+1)/2</math>) предикат triangle(N, NthTriangle), который выполняется, если NthTriangle -- N-ное треугольное число.</p> <p>?- triangle(4, X). X = 10</p> <p>2. Определите предикат dot(List1, List2, DotProduct), который выполняется, если длины списков Dot1 и Dot2 совпадают, а DotProduct -- их скалярное произведение.</p> <p>?- dot([1,2,3], [4,5,6], Result). Result = 26 %% т.е. <math>1*4+2*5+3*6</math></p> <p>3. Определите предикат polynom(Expr), который выполняется, если Expr -- многочлен в нормальной форме (т.е. слагаемые идут в порядке уменьшения степени и коэффициенты не равны 0).</p> <p>?- polynom(<math>2*x^3 + x</math>). Yes</p>

	<p>4. Определите предикат <code>combination(List, K, Combination)</code>, который находит все комбинации по K элементов List как отдельные ответы.</p> <p>?- <code>combination([1,2,3], 2, C)</code>.  <code>C = [1,2] ;</code>  <code>C = [1,3] ;</code>  <code>C = [2,3] ;</code>  <code>No</code></p>
6	<p>1. Определите предикат <code>fib(N, NthFib)</code>, который выполняется, если NthFib -- N-ное число Фибоначчи (начиная с 1).</p> <p>?- <code>fib(3, X)</code>.  <code>X = 2</code></p> <p>2. Определите предикат <code>mean(List, Mean)</code>, который выполняется, если Mean -- арифметическое среднее списка List.</p> <p>?- <code>mean([1,2,3], Mean)</code>.  <code>Mean = 2.0</code></p> <p>3. В числе операторов, определённых в Prolog, есть <math>\wedge</math> (и), <math>\vee</math> (или), <math>\neg</math> (не) и <math>\rightarrow</math> (следует). Определите предикат <code>dnf(Formula)</code>, который выполняется, если Formula -- формула в дизъюнктивной нормальной форме (т.е. дизъюнкция ("или") конъюнкций переменных и их отрицаний, в качестве переменных используем атомы).</p> <p>?- <code>dnf((x <math>\wedge</math> (<math>\neg</math> y) <math>\wedge</math> z) <math>\vee</math> ((<math>\neg</math> x) <math>\wedge</math> z))</code>.  <code>Yes</code>  ?- <code>dnf((x <math>\vee</math> (<math>\neg</math> y)) <math>\wedge</math> (z <math>\vee</math> (<math>\neg</math> x) <math>\vee</math> y))</code>.  <code>No</code></p> <p>4. Определите предикат <code>eval_logic(Formula, Values)</code>, который выполняется, если Formula -- логическая формула, Values -- список термов вида <code>true(V)</code> и <code>false(V)</code>, где V -- атомы, которые используются в Formula, и в результате подстановки этих значений формула становится истинной.</p> <p>?- <code>eval_logic(<math>\neg</math>(x <math>\rightarrow</math> (<math>\neg</math> y)), [true(x), false(y)])</code>.  <code>No</code></p>
7	<p>1. Определите (рекурсивно, не используя <math>\wedge</math>) предикат <code>power(X, N, Power)</code>, который выполняется, если Power -- число X в степени N.</p> <p>?- <code>power(3, 2, X)</code>.  <code>X = 9</code></p> <p>2. Представим многочлены как списки их коэффициентов в порядке убывания степени. Например, многочлен <math>2x^2+1</math> будет представлен как [2,0,1]. Определите предикат <code>eval_poly(Polynom, X, Result)</code>, выполняющийся, если Result -- значение многочлена Polynom при аргументе X. Для возведения в степень используйте оператор <math>\wedge</math> или определённый в прошлой задаче <code>power/3</code>. Возможно также использование схемы Горнера.</p>

	<p>?- eval_poly([2,0,1,0], 1, Result). % <math>2 \cdot X^3 + X = 2 \cdot 1^3 + 1 = 3</math> Result = 3</p> <p>3. В числе операторов, определённых в Prolog, есть <math>\wedge</math> (и), <math>\vee</math> (или), <math>\neg</math> (не) и <math>\rightarrow</math> (следует). Определите предикат nnf(Formula), который выполняется, если Formula -- формула, в которой отрицания стоят только перед переменными (переменные в формуле представляем атомами).</p> <p>?- nnf((x <math>\wedge</math> (<math>\neg</math> y)) <math>\rightarrow</math> (<math>\neg</math> x) <math>\wedge</math> z). Yes ?- nnf((x <math>\wedge</math> (<math>\neg</math> y)) <math>\rightarrow</math> <math>\neg</math> (x <math>\wedge</math> z)). No</p> <p>4. Определите предикат nnf(Formula, NNF), который выполняется, если NNF -- формула, полученная из Formula эквивалентными преобразованиями, в которой отрицания стоят только перед переменными.</p> <p>?- nnf(<math>\neg</math> ((x <math>\rightarrow</math> y) <math>\wedge</math> z), NNF). NNF = (x <math>\wedge</math> (<math>\neg</math> y)) <math>\vee</math> (<math>\neg</math> z)</p>
8	<p>1. Определите предикат factorial(N, FactN), который выполняется, если FactN -- факториал N.</p> <p>?- fact(3, X). X = 6</p> <p>2. Определите предикат occurrences(Elem, List, Number), который выполняется, если элемент Elem встречается в списке List N раз.</p> <p>?- occurrences(3, [1,2,3,1,3], N). N = 2</p> <p>3. :-, ; и , -- обычные операторы в Prolog. Определите предикат rule(Rule), который проверяет, является ли терм Rule правилом (без точки в конце), то есть: 1. Голова правила может быть вызвана (в смысле callable/1); 2. Тело правила состоит из (1 или более) callable термов, разделённых ',' и ';' (заметьте, что T1,T2 и T1;T2 -- сами callable, но их нужно обрабатывать отдельно).</p> <p>?- rule(p(X, Y) :- q(X)). Yes ?- rule(p :- q(X), r, r). Yes ?- rule(4 :- p, q). No ?- rule(p :- 4, q). No</p> <p>4. Определите предикат eval_arithmetic(Expr, Values, Result), который выполняется, если Expr -- арифметическое выражение (содержащее операторы +, *, -, / и атомы в качестве переменных), Values -- список термов Var = Val, где Var - атом, а Val -- число, а Result -- результат вычисления Expr при подстановке вместо каждого атома соответствующего ему значения из Values.</p>

	<p>?- eval_arithmetic(<math>x + 3*y</math>, [<math>x = 2</math>, <math>y = 1</math>], Result). Result = 5</p>
9	<p>1. N-ное треугольное число -- сумма чисел <math>1+2+3+...+N</math>. Определите (рекурсивно, не используя формулу <math>N*(N+1)/2</math>) предикат triangle(N, NthTriangle), который выполняется, если NthTriangle -- N-ное треугольное число.</p> <p>?- triangle(4, X). X = 10</p> <p>2. Определите предикат dot(List1, List2, DotProduct), который выполняется, если длины списков List1 и List2 совпадают, а DotProduct -- их скалярное произведение.</p> <p>?- dot([1,2,3], [4,5,6], Result). Result = 26 %% т.е. <math>1*4+2*5+3*6</math></p> <p>3. Определите предикат polynom(Expr), который выполняется, если Expr -- многочлен в нормальной форме (т.е. слагаемые идут в порядке уменьшения степени и коэффициенты не равны 0).</p> <p>?- polynom(<math>2*x^3 + x</math>). Yes</p> <p>4. Определите предикат combination(List, K, Combination), который находит все комбинации по K элементов List как отдельные ответы.</p> <p>?- combination([1,2,3], 2, C). C = [1,2] ; C = [1,3] ; C = [2,3] ; No</p>
10	<p>1. Определите предикат fib(N, NthFib), который выполняется, если NthFib -- N-ное число Фибоначчи (начиная с 1).</p> <p>?- fib(3, X). X = 2</p> <p>2. Определите предикат mean(List, Mean), который выполняется, если Mean -- арифметическое среднее списка List.</p> <p>?- mean([1,2,3], Mean). Mean = 2.0</p> <p>3. В числе операторов, определённых в Prolog, есть <math>\wedge</math> (и), <math>\vee</math> (или), <math>\neg</math> (не) и <math>\rightarrow</math> (следует). Определите предикат dnf(Formula), который выполняется, если Formula -- формула в дизъюнктивной нормальной форме (т.е. дизъюнкция ("или") конъюнкций переменных и их отрицаний, в качестве переменных используем атомы).</p> <p>?- dnf(<math>(x \wedge (\neg y) \wedge z) \vee ((\neg x) \wedge z)</math>). Yes ?- dnf(<math>(x \vee (\neg y)) \wedge (z \vee (\neg x) \vee y)</math>).</p>

	<p>No</p> <p>4. Определите предикат <code>eval_logic(Formula, Values)</code>, который выполняется, если <code>Formula</code> -- логическая формула, <code>Values</code> -- список термов вида <code>true(V)</code> и <code>false(V)</code>, где <code>V</code> -- атомы, которые используются в <code>Formula</code>, и в результате подстановки этих значений формула становится истинной.</p> <p><code>?- eval_logic(\+ (x -&gt; (\+ y)), [true(x), false(y)]).</code> No</p>
11	<p>1. Определите (рекурсивно, не используя <code>^</code>) предикат <code>power(X, N, Power)</code>, который выполняется, если <code>Power</code> -- число <code>X</code> в степени <code>N</code>.</p> <p><code>?- power(3, 2, X).</code> <code>X = 9</code></p> <p>2. Представим многочлены как списки их коэффициентов в порядке убывания степени. Например, многочлен <math>2x^2+1</math> будет представлен как <code>[2,0,1]</code>. Определите предикат <code>eval_poly(Polynom, X, Result)</code>, выполняющийся, если <code>Result</code> -- значение многочлена <code>Polynom</code> при аргументе <code>X</code>. Для возведения в степень используйте оператор <code>^</code> или определённый в прошлой задаче <code>power/3</code>. Возможно также использование схемы Горнера.</p> <p><code>?- eval_poly([2,0,1,0], 1, Result). % 2*X^3 + X = 2*1^3 + 1 = 3</code> <code>Result = 3</code></p> <p>3. В числе операторов, определённых в Prolog, есть <code>^</code> (и), <code>^</code> (или), <code>\+</code> (не) и <code>-&gt;</code> (следует). Определите предикат <code>nnf(Formula)</code>, который выполняется, если <code>Formula</code> -- формула, в которой отрицания стоят только перед переменными (переменные в формуле представляем атомами).</p> <p><code>?- nnf((x ^ (\+ y)) -&gt; (\+ x) ^ z).</code> Yes <code>?- nnf((x ^ (\+ y)) -&gt; \+ (x ^ z)).</code> No</p> <p>4. Определите предикат <code>nnf(Formula, NNF)</code>, который выполняется, если <code>NNF</code> -- формула, полученная из <code>Formula</code> эквивалентными преобразованиями, в которой отрицания стоят только перед переменными.</p> <p><code>?- nnf(\+ ((x -&gt; y) ^ z), NNF).</code> <code>NNF = (x ^ (\+ y)) ^ (\+ z)</code></p>
12	<p>1. Определите предикат <code>factorial(N, FactN)</code>, который выполняется, если <code>FactN</code> -- факториал <code>N</code>.</p> <p><code>?- fact(3, X).</code> <code>X = 6</code></p> <p>2. Определите предикат <code>occurrences(Elem, List, Number)</code>, который выполняется, если элемент <code>Elem</code> встречается в списке <code>List</code> <code>N</code> раз.</p> <p><code>?- occurrences(3, [1,2,3,1,3], N).</code> <code>N = 2</code></p>



	<p>3. :-, ; и , -- обычные операторы в Prolog. Определите предикат rule(Rule), который проверяет, является ли терм Rule правилом (без точки в конце), то есть: 1. Голова правила может быть вызвана (в смысле callable/1); 2. Тело правила состоит из (1 или более) callable термов, разделённых ',' и ';' (заметьте, что T1,T2 и T1;T2 -- сами callable, но их нужно обрабатывать отдельно).</p> <pre> ?- rule(p(X, Y) :- q(X)). Yes ?- rule(p :- q(X), r, r). Yes ?- rule(4 :- p, q). No ?- rule(p :- 4, q). No </pre> <p>4. Определите предикат eval_arithmetic(Expr, Values, Result), который выполняется, если Expr -- арифметическое выражение (содержащее операторы +, *, -, / и атомы в качестве переменных), Values -- список термов Var = Val, где Var - атом, а Val -- число, а Result -- результат вычисления Expr при подстановке вместо каждого атома соответствующего ему значения из Values.</p> <pre> ?- eval_arithmetic(x + 3*y, [x = 2, y = 1], Result). Result = 5 </pre>
13	<p>1. N-ное треугольное число -- сумма чисел 1+2+3+...+N. Определите (рекурсивно, не используя формулу <math>N*(N+1)/2</math>) предикат triangle(N, NthTriangle), который выполняется, если NthTriangle -- N-ное треугольное число.</p> <pre> ?- triangle(4, X). X = 10 </pre> <p>2. Определите предикат dot(List1, List2, DotProduct), который выполняется, если длины списков List1 и List2 совпадают, а DotProduct -- их скалярное произведение.</p> <pre> ?- dot([1,2,3], [4,5,6], Result). Result = 26 %% т.е. 1*4+2*5+3*6 </pre> <p>3. Определите предикат polynom(Expr), который выполняется, если Expr -- многочлен в нормальной форме (т.е. слагаемые идут в порядке уменьшения степени и коэффициенты не равны 0).</p> <pre> ?- polynom(2*x^3 + x). Yes </pre> <p>4. Определите предикат combination(List, K, Combination), который находит все комбинации по K элементов List как отдельные ответы.</p> <pre> ?- combination([1,2,3], 2, C). C = [1,2] ; C = [1,3] ; C = [2,3] ; No </pre>

14	<p>1. Определите предикат <code>fib(N, NthFib)</code>, который выполняется, если <code>NthFib</code> -- N-ное число Фибоначчи (начиная с 1).</p> <p>?- <code>fib(3, X).</code>  <code>X = 2</code></p> <p>2. Определите предикат <code>mean(List, Mean)</code>, который выполняется, если <code>Mean</code> -- арифметическое среднее списка <code>List</code>.</p> <p>?- <code>mean([1,2,3], Mean).</code>  <code>Mean = 2.0</code></p> <p>3. В числе операторов, определённых в Prolog, есть <math>\wedge</math> (и), <math>\vee</math> (или), <math>\neg</math> (не) и <math>\rightarrow</math> (следует). Определите предикат <code>dnf(Formula)</code>, который выполняется, если <code>Formula</code> -- формула в дизъюнктивной нормальной форме (т.е. дизъюнкция ("или") конъюнкций переменных и их отрицаний, в качестве переменных используем атомы).</p> <p>?- <code>dnf((x <math>\wedge</math> (<math>\neg</math> y) <math>\wedge</math> z) <math>\vee</math> ((<math>\neg</math> x) <math>\wedge</math> z)).</code>  <code>Yes</code>  ?- <code>dnf((x <math>\vee</math> (<math>\neg</math> y)) <math>\wedge</math> (z <math>\vee</math> (<math>\neg</math> x) <math>\vee</math> y)).</code>  <code>No</code></p> <p>4. Определите предикат <code>eval_logic(Formula, Values)</code>, который выполняется, если <code>Formula</code> -- логическая формула, <code>Values</code> -- список термов вида <code>true(V)</code> и <code>false(V)</code>, где <code>V</code> -- атомы, которые используются в <code>Formula</code>, и в результате подстановки этих значений формула становится истинной.</p> <p>?- <code>eval_logic(<math>\neg</math> (x <math>\rightarrow</math> (<math>\neg</math> y)), [true(x), false(y)]).</code>  <code>No</code></p>
15	<p>1. Определите (рекурсивно, не используя <math>\wedge</math>) предикат <code>power(X, N, Power)</code>, который выполняется, если <code>Power</code> -- число <code>X</code> в степени <code>N</code>.</p> <p>?- <code>power(3, 2, X).</code>  <code>X = 9</code></p> <p>2. Представим многочлены как списки их коэффициентов в порядке убывания степени. Например, многочлен <math>2x^2+1</math> будет представлен как <code>[2,0,1]</code>. Определите предикат <code>eval_poly(Polynom, X, Result)</code>, выполняющийся, если <code>Result</code> -- значение многочлена <code>Polynom</code> при аргументе <code>X</code>. Для возведения в степень используйте оператор <math>\wedge</math> или определённый в прошлой задаче <code>power/3</code>. Возможно также использование схемы Горнера.</p> <p>?- <code>eval_poly([2,0,1,0], 1, Result).</code> % <math>2X^3 + X = 2 \cdot 1^3 + 1 = 3</math>  <code>Result = 3</code></p> <p>3. В числе операторов, определённых в Prolog, есть <math>\wedge</math> (и), <math>\vee</math> (или), <math>\neg</math> (не) и <math>\rightarrow</math> (следует). Определите предикат <code>nfn(Formula)</code>, который выполняется, если <code>Formula</code> -- формула, в которой отрицания стоят только перед переменными (переменные в формуле представляем атомами).</p>

	<p>?- nnf((x ∧ (¬ y)) → (¬ x) ∧ z). Yes ?- nnf((x ∧ (¬ y)) → ¬ (x ∧ z)). No</p> <p>4. Определите предикат nnf(Formula, NNF), который выполняется, если NNF -- формула, полученная из Formula эквивалентными преобразованиями, в которой отрицания стоят только перед переменными.</p> <p>?- nnf(¬ ((x → y) ∧ z), NNF). NNF = (x ∧ (¬ y)) ∨ (¬ z)</p>
16	<p>1. Определите предикат factorial(N, FactN), который выполняется, если FactN -- факториал N.</p> <p>?- fact(3, X). X = 6</p> <p>2. Определите предикат occurrences(Elem, List, Number), который выполняется, если элемент Elem встречается в списке List N раз.</p> <p>?- occurrences(3, [1,2,3,1,3], N). N = 2</p> <p>3. :-, ; и , -- обычные операторы в Prolog. Определите предикат rule(Rule), который проверяет, является ли терм Rule правилом (без точки в конце), то есть: 1. Голова правила может быть вызвана (в смысле callable/1); 2. Тело правила состоит из (1 или более) callable термов, разделённых ',' и ';' (заметьте, что T1,T2 и T1;T2 -- сами callable, но их нужно обрабатывать отдельно).</p> <p>?- rule(p(X, Y) :- q(X)). Yes ?- rule(p :- q(X), r, r). Yes ?- rule(4 :- p, q). No ?- rule(p :- 4, q). No</p> <p>4. Определите предикат eval_arithmetic(Expr, Values, Result), который выполняется, если Expr -- арифметическое выражение (содержащее операторы +, *, -, / и атомы в качестве переменных), Values -- список термов Var = Val, где Var - атом, а Val -- число, а Result -- результат вычисления Expr при подстановке вместо каждого атома соответствующего ему значения из Values.</p> <p>?- eval_arithmetic(x + 3*y, [x = 2, y = 1], Result). Result = 5</p>
17	<p>1. N-ное треугольное число -- сумма чисел 1+2+3+...+N. Определите (рекурсивно, не используя формулу N*(N+1)/2) предикат triangle(N, NthTriangle), который выполняется, если NthTriangle -- N-ное треугольное число.</p> <p>?- triangle(4, X). X = 10</p>

	<p>2. Определите предикат <code>dot(List1, List2, DotProduct)</code>, который выполняется, если длины списков <code>Dot1</code> и <code>Dot2</code> совпадают, а <code>DotProduct</code> -- их скалярное произведение.</p> <p>?- <code>dot([1,2,3], [4,5,6], Result)</code>.  <code>Result = 26</code> %% т.е. <math>1*4+2*5+3*6</math></p> <p>3. Определите предикат <code>polynom(Expr)</code>, который выполняется, если <code>Expr</code> -- многочлен в нормальной форме (т.е. слагаемые идут в порядке уменьшения степени и коэффициенты не равны 0).</p> <p>?- <code>polynom(2*x^3 + x)</code>.  <code>Yes</code></p> <p>4. Определите предикат <code>combination(List, K, Combination)</code>, который находит все комбинации по <code>K</code> элементов <code>List</code> как отдельные ответы.</p> <p>?- <code>combination([1,2,3], 2, C)</code>.  <code>C = [1,2] ;</code>  <code>C = [1,3] ;</code>  <code>C = [2,3] ;</code>  <code>No</code></p>
18	<p>1. Определите предикат <code>fib(N, NthFib)</code>, который выполняется, если <code>NthFib</code> -- <code>N</code>-ное число Фибоначчи (начиная с 1).</p> <p>?- <code>fib(3, X)</code>.  <code>X = 2</code></p> <p>2. Определите предикат <code>mean(List, Mean)</code>, который выполняется, если <code>Mean</code> -- арифметическое среднее списка <code>List</code>.</p> <p>?- <code>mean([1,2,3], Mean)</code>.  <code>Mean = 2.0</code></p> <p>3. В числе операторов, определённых в Prolog, есть <math>\wedge</math> (и), <math>\vee</math> (или), <math>\neg</math> (не) и <math>\rightarrow</math> (следует). Определите предикат <code>dnf(Formula)</code>, который выполняется, если <code>Formula</code> -- формула в дизъюнктивной нормальной форме (т.е. дизъюнкция ("или") конъюнкций переменных и их отрицаний, в качестве переменных используем атомы).</p> <p>?- <code>dnf((x <math>\wedge</math> (<math>\neg</math> y) <math>\wedge</math> z) <math>\vee</math> ((<math>\neg</math> x) <math>\wedge</math> z))</code>.  <code>Yes</code>  ?- <code>dnf((x <math>\vee</math> (<math>\neg</math> y)) <math>\wedge</math> (z <math>\vee</math> (<math>\neg</math> x) <math>\vee</math> y))</code>.  <code>No</code></p> <p>4. Определите предикат <code>eval_logic(Formula, Values)</code>, который выполняется, если <code>Formula</code> -- логическая формула, <code>Values</code> -- список термов вида <code>true(V)</code> и <code>false(V)</code>, где <code>V</code> -- атомы, которые используются в <code>Formula</code>, и в результате подстановки этих значений формула становится истинной.</p> <p>?- <code>eval_logic(<math>\neg</math> (x <math>\rightarrow</math> (<math>\neg</math> y)), [true(x), false(y)])</code>.</p>

	No
19	<p>1. Определите (рекурсивно, не используя <math>\wedge</math>) предикат <code>power(X, N, Power)</code>, который выполняется, если <code>Power</code> -- число <code>X</code> в степени <code>N</code>.</p> <p>?- <code>power(3, 2, X).</code>  <code>X = 9</code></p> <p>2. Представим многочлены как списки их коэффициентов в порядке убывания степени. Например, многочлен <math>2x^2+1</math> будет представлен как <code>[2,0,1]</code>. Определите предикат <code>eval_poly(Polynom, X, Result)</code>, выполняющийся, если <code>Result</code> -- значение многочлена <code>Polynom</code> при аргументе <code>X</code>. Для возведения в степень используйте оператор <math>\wedge</math> или определённый в прошлой задаче <code>power/3</code>. Возможно также использование схемы Горнера.</p> <p>?- <code>eval_poly([2,0,1,0], 1, Result).</code> % <math>2X^3 + X = 2 \cdot 1^3 + 1 = 3</math>  <code>Result = 3</code></p> <p>3. В числе операторов, определённых в Prolog, есть <math>\wedge</math> (и), <math>\vee</math> (или), <math>\neg</math> (не) и <math>\rightarrow</math> (следует). Определите предикат <code>nnf(Formula)</code>, который выполняется, если <code>Formula</code> -- формула, в которой отрицания стоят только перед переменными (переменные в формуле представляем атомами).</p> <p>?- <code>nnf((x <math>\wedge</math> (<math>\neg</math> y)) <math>\rightarrow</math> (<math>\neg</math> x) <math>\wedge</math> z).</code>  <code>Yes</code>  ?- <code>nnf((x <math>\wedge</math> (<math>\neg</math> y)) <math>\rightarrow</math> <math>\neg</math> (x <math>\wedge</math> z)).</code>  <code>No</code></p> <p>4. Определите предикат <code>nnf(Formula, NNF)</code>, который выполняется, если <code>NNF</code> -- формула, полученная из <code>Formula</code> эквивалентными преобразованиями, в которой отрицания стоят только перед переменными.</p> <p>?- <code>nnf(<math>\neg</math> ((x <math>\rightarrow</math> y) <math>\wedge</math> z), NNF).</code>  <code>NNF = (x <math>\wedge</math> (<math>\neg</math> y)) <math>\vee</math> (<math>\neg</math> z)</code></p>
20	<p>1. Определите предикат <code>factorial(N, FactN)</code>, который выполняется, если <code>FactN</code> -- факториал <code>N</code>.</p> <p>?- <code>fact(3, X).</code>  <code>X = 6</code></p> <p>2. Определите предикат <code>occurrences(Elem, List, Number)</code>, который выполняется, если элемент <code>Elem</code> встречается в списке <code>List</code> <code>N</code> раз.</p> <p>?- <code>occurrences(3, [1,2,3,1,3], N).</code>  <code>N = 2</code></p> <p>3. <code>:-</code>, <code>;</code> и <code>,</code> -- обычные операторы в Prolog. Определите предикат <code>rule(Rule)</code>, который проверяет, является ли терм <code>Rule</code> правилом (без точки в конце), то есть: 1. Голова правила может быть вызвана (в смысле <code>callable/1</code>); 2. Тело правила состоит из (1 или более) <code>callable</code> термов, разделённых <code>'</code> и <code>;</code> (заметьте, что <code>T1,T2</code> и <code>T1;T2</code> -- сами <code>callable</code>, но их нужно обрабатывать отдельно).</p> <p>?- <code>rule(p(X, Y) :- q(X)).</code></p>

	<p>Yes  ?- rule(p :- q(X), r, r).  Yes  ?- rule(4 :- p, q).  No  ?- rule(p :- 4, q).  No</p> <p>4. Определите предикат eval_arithmetic(Expr, Values, Result), который выполняется, если Expr -- арифметическое выражение (содержащее операторы +, *, -, / и атомы в качестве переменных), Values -- список термов Var = Val, где Var -- атом, а Val -- число, а Result -- результат вычисления Expr при подстановке вместо каждого атома соответствующего ему значения из Values.</p> <p>?- eval_arithmetic(x + 3*y, [x = 2, y = 1], Result).  Result = 5</p>
21	<p>1. N-ное треугольное число -- сумма чисел 1+2+3+...+N. Определите (рекурсивно, не используя формулу <math>N*(N+1)/2</math>) предикат triangle(N, NthTriangle), который выполняется, если NthTriangle -- N-ное треугольное число.</p> <p>?- triangle(4, X).  X = 10</p> <p>2. Определите предикат dot(List1, List2, DotProduct), который выполняется, если длины списков List1 и List2 совпадают, а DotProduct -- их скалярное произведение.</p> <p>?- dot([1,2,3], [4,5,6], Result).  Result = 26 %% т.е. <math>1*4+2*5+3*6</math></p> <p>3. Определите предикат polynom(Expr), который выполняется, если Expr -- многочлен в нормальной форме (т.е. слагаемые идут в порядке уменьшения степени и коэффициенты не равны 0).</p> <p>?- polynom(<math>2*x^3 + x</math>).  Yes</p> <p>4. Определите предикат combination(List, K, Combination), который находит все комбинации по K элементов List как отдельные ответы.</p> <p>?- combination([1,2,3], 2, C).  C = [1,2] ;  C = [1,3] ;  C = [2,3] ;  No</p>
22	<p>1. Определите предикат fib(N, NthFib), который выполняется, если NthFib -- N-ное число Фибоначчи (начиная с 1).</p> <p>?- fib(3, X).  X = 2</p> <p>2. Определите предикат mean(List, Mean), который выполняется, если Mean -- арифметическое среднее</p>

	<p>списка List.</p> <p>?- mean([1,2,3], Mean). Mean = 2.0</p> <p>3. В числе операторов, определённых в Prolog, есть <math>\wedge</math> (и), <math>\vee</math> (или), <math>\neg</math> (не) и <math>\rightarrow</math> (следует). Определите предикат <code>dnf(Formula)</code>, который выполняется, если Formula -- формула в дизъюнктивной нормальной форме (т.е. дизъюнкция ("или") конъюнкций переменных и их отрицаний, в качестве переменных используем атомы).</p> <p>?- dnf((x <math>\wedge</math> (<math>\neg</math> y) <math>\wedge</math> z) <math>\vee</math> ((<math>\neg</math> x) <math>\wedge</math> z)). Yes ?- dnf((x <math>\vee</math> (<math>\neg</math> y)) <math>\wedge</math> (z <math>\vee</math> (<math>\neg</math> x) <math>\vee</math> y)). No</p> <p>4. Определите предикат <code>eval_logic(Formula, Values)</code>, который выполняется, если Formula -- логическая формула, Values -- список термов вида <code>true(V)</code> и <code>false(V)</code>, где V -- атомы, которые используются в Formula, и в результате подстановки этих значений формула становится истинной.</p> <p>?- eval_logic(<math>\neg</math> (x <math>\rightarrow</math> (<math>\neg</math> y)), [true(x), false(y)]). No</p>
23	<p>1. Определите (рекурсивно, не используя <math>\wedge</math>) предикат <code>power(X, N, Power)</code>, который выполняется, если Power -- число X в степени N.</p> <p>?- power(3, 2, X). X = 9</p> <p>2. Представим многочлены как списки их коэффициентов в порядке убывания степени. Например, многочлен <math>2x^2+1</math> будет представлен как [2,0,1]. Определите предикат <code>eval_poly(Polynom, X, Result)</code>, выполняющийся, если Result -- значение многочлена Polynom при аргументе X. Для возведения в степень используйте оператор <math>\wedge</math> или определённый в прошлой задаче <code>power/3</code>. Возможно также использование схемы Горнера.</p> <p>?- eval_poly([2,0,1,0], 1, Result). % <math>2X^3 + X = 2 \cdot 1^3 + 1 = 3</math> Result = 3</p> <p>3. В числе операторов, определённых в Prolog, есть <math>\wedge</math> (и), <math>\vee</math> (или), <math>\neg</math> (не) и <math>\rightarrow</math> (следует). Определите предикат <code>nnf(Formula)</code>, который выполняется, если Formula -- формула, в которой отрицания стоят только перед переменными (переменные в формуле представляем атомами).</p> <p>?- nnf((x <math>\wedge</math> (<math>\neg</math> y)) <math>\rightarrow</math> (<math>\neg</math> x) <math>\wedge</math> z). Yes ?- nnf((x <math>\wedge</math> (<math>\neg</math> y)) <math>\rightarrow</math> <math>\neg</math> (x <math>\wedge</math> z)). No</p> <p>4. Определите предикат <code>nnf(Formula, NNF)</code>, который выполняется, если NNF -- формула, полученная из Formula эквивалентными преобразованиями, в которой отрицания стоят только перед переменными.</p>

	<pre> ?- nnf(\+ ((x -&gt; y) ^ z), NNF). NNF = (x ^ (\+ y)) ^ (\+ z) </pre>
24	<p>1. Определите предикат factorial(N, FactN), который выполняется, если FactN -- факториал N.</p> <pre> ?- fact(3, X). X = 6 </pre> <p>2. Определите предикат occurrences(Elem, List, Number), который выполняется, если элемент Elem встречается в списке List N раз.</p> <pre> ?- occurrences(3, [1,2,3,1,3], N). N = 2 </pre> <p>3. :-, ; и , -- обычные операторы в Prolog. Определите предикат rule(Rule), который проверяет, является ли терм Rule правилом (без точки в конце), то есть: 1. Голова правила может быть вызвана (в смысле callable/1); 2. Тело правила состоит из (1 или более) callable термов, разделённых ',' и ';' (заметьте, что T1,T2 и T1;T2 -- сами callable, но их нужно обрабатывать отдельно).</p> <pre> ?- rule(p(X, Y) :- q(X)). Yes ?- rule(p :- q(X), r, r). Yes ?- rule(4 :- p, q). No ?- rule(p :- 4, q). No </pre> <p>4. Определите предикат eval_arithmetic(Expr, Values, Result), который выполняется, если Expr -- арифметическое выражение (содержащее операторы +, *, -, / и атомы в качестве переменных), Values -- список термов Var = Val, где Var - атом, а Val -- число, а Result -- результат вычисления Expr при подстановке вместо каждого атома соответствующего ему значения из Values.</p> <pre> ?- eval_arithmetic(x + 3*y, [x = 2, y = 1], Result). Result = 5 </pre>
25	<p>1. N-ное треугольное число -- сумма чисел 1+2+3+...+N. Определите (рекурсивно, не используя формулу <math>N*(N+1)/2</math>) предикат triangle(N, NthTriangle), который выполняется, если NthTriangle -- N-ное треугольное число.</p> <pre> ?- triangle(4, X). X = 10 </pre> <p>2. Определите предикат dot(List1, List2, DotProduct), который выполняется, если длины списков List1 и List2 совпадают, а DotProduct -- их скалярное произведение.</p> <pre> ?- dot([1,2,3], [4,5,6], Result). Result = 26 %% т.е. 1*4+2*5+3*6 </pre>



	<p>3. Определите предикат <code>polynom(Expr)</code>, который выполняется, если <code>Expr</code> -- многочлен в нормальной форме (т.е. слагаемые идут в порядке уменьшения степени и коэффициенты не равны 0).</p> <p>?- <code>polynom(2*x^3 + x).</code> Yes</p> <p>4. Определите предикат <code>combination(List, K, Combination)</code>, который находит все комбинации по K элементов List как отдельные ответы.</p> <p>?- <code>combination([1,2,3], 2, C).</code> C = [1,2] ; C = [1,3] ; C = [2,3] ; No</p>
--	---

#### Дополнительные задания:

5. Определите предикат `prime_factors(Num, Factors)`, находящий все простые делители числа Num и их кратность.

?- `prime_factors(315, L).`

L = [factor(3,2),factor(5,1),factor(7,1)] %% означает, что  $315 = 3^2 * 5^1 * 7^1$

6. Определите предикат `polynomize(Expr, Poly)`, который выполняется, если `Expr` -- арифметическое выражение (включающее операции +, \*, ^ в константную степень), а `Poly` -- многочлен в нормальной форме (см. 1.3), получающийся в результате его упрощения.

?- `polynomize((x + x)*(x + 1), Poly).`

Poly =  $2*x^2 + 2*x$

#### Критерии оценивания

	Задание сдано в срок	Задание сдано позже
Задача 1 выполнена верно		
Задача 2 выполнена верно		
Задача 3 выполнена верно		
Задача 4 выполнена верно		
Верно выполнено дополнительное задание 5		
Верно выполнено дополнительное задание 6		
<b>Итого</b>	7	3,5