# K-Nearest Neighbors (KNN)

K-최근접이웃

### 분류와 회귀

- 지도 학습의 대표적인 머신 러닝 방법
  - 분류 (classification)
  - 회귀 (regression)

#### ■ 분류

- 분류는 미리 정의된, 가능성 있는 여러 클래스 레이블(class label) 중 하나를 예측하는 것
- 두 개로만 나누는 이진 분류(Binary classification )와 셋 이상의 클래스로 분류하는 다중 분류(multiclass classification )로 나뉨
- 분류 예시: 얼굴 인식, 숫자 판별 (MNIST) 등

#### ■ 회귀

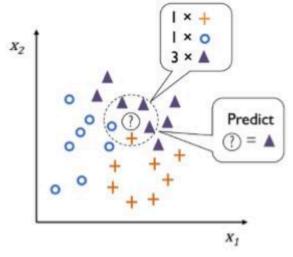
- 연속적인 숫자 또는 부동소수점수 (실수)를 예측하는 것
- 회귀 예시: 주식 가격을 예측하여 수익을 내는 알고리즘 등

## KNN의 개념

### KNN의 개념

#### KNN이란?

- 주변 k 개의 자료의 클래스(class) 중 가장 많은 클래스로 특정 자료를 분류하는 방식
- 새로운 자료 ? 를 가장 가까운 자료 5개의 자료 (k=5) 를 이용하여 투표하여 가장 많은 클래스로 할당



- Training-data 자체가 모형일 뿐 어떠한 추정 방법도 모형도 없음
  - 즉, 데이터의 분포를 표현하기 위한 파라미터를 추정하지 않음
- 매우 간단한 방법이지만 performance는 떨어지지 않음

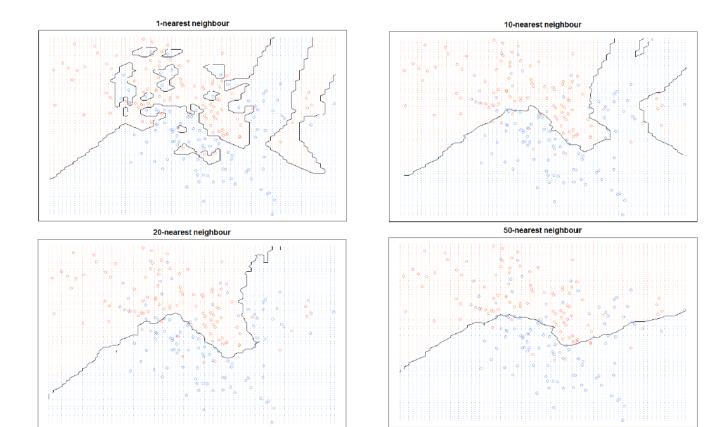
### KNN의 개념

- KNN이란?
  - 게으른 학습(lazy learner) 또는 사례중심학습(instance-based learning)
    - 게으른 학습이란: 알고리즘은 훈련 데이터에서 판별 함수(discriminative function)를 학습하는 대신 훈련 데이터 셋을 메모리에 저장하기 방법
  - 데이터의 차원이 증가하면 차원의 저주(curse of dimension) 문제가 발생함
    - 즉, KNN은 차원이 증가할 수록 성능 저하가 심함
      - 데이터의 차원(dimensionality)이 증가할수록 해당 공간의 크기(부피)가 기하급수적으로 증가하여 동일한 개수의 데이터의 밀도는 차원이 증가할수록 급속도로 희박(sparse)해짐
      - 차원이 증가할수록 데이터의 분포 분석에 필요한 샘플 데이터의 개수가 기하급수적으로 증가하게 되는데 이러한 어려움을 표현한 용어가 차원의 저주임
  - i번째 관측치와 j번째 관측치의 거리로 Minkowski 거리를 이용

$$d(\boldsymbol{x}_i, \boldsymbol{x}_j) = \sqrt[p]{\sum_{k=1}^d |x_{ik} - x_{jk}|^p}$$

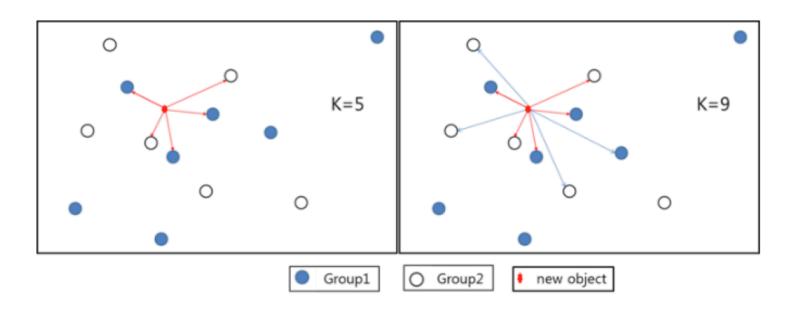
### KNN의 하이퍼파라미터

- 탐색할 이웃 수(k)와 거리 측정 방법
  - k가 작을 경우 데이터의 지역적 특성을 지나치게 반영하여 <mark>과접합(overfitting)</mark> 발생
  - 반대로 매우 클 경우 모델이 과하게 <mark>정규화 (underfitting)</mark> 발생



### KNN의 K가 가지는 의미

- 새로운 자료에 대해 근접치 K의 개수에 따라 Group이 달리 분류됨
  - 다수결 방식 (Majority voting): 이웃 범주 가운데 빈도 기준 제일 많은 범주로 새데이터의 범주를 예측하는 것



■ 가중 합 방식 (Weighted voting): 가까운 이웃의 정보에 좀 더 가중치를 부여

### KNN의 장단점 요약

#### // 장점

- 학습데이터 내에 끼어있는 노이즈의 영향을 크게 받지 않음
- 학습데이터 수가 많다면 꽤 효과적인 알고리즘
- 마할라노비스 거리와 같이 데이터의 분산을 고려할 경우 매우 **강건(robust)**한 방법론
  - 마할라노비스 거리(Mahalanobis distance)는 평균과의 거리가 표준편차의 몇 배인지를 나타내는 값
  - 즉, 어떤 값이 얼마나 일어나기 힘든 값인지, 또는 얼마나 이상한 값인지를 수치화하는 한 방법

#### // 단점

- 최적 이웃의 수(k)와 어떤 거리 척도(distance metric)가 분석에 적합한지 불분명해 데이터 각각의 특성에 맞게 연구자가 임의로 선정해야 함
  - best K는 데이터 마다 다르기 때문에 탐욕적인 방식(Grid Search)으로 탐색
- 새로운 관측치와 각각의 학습 데이터 사이의 거리를 전부 측정해야 하므로 계산 시간이
   오래 걸리는 한계
- KNN의 계산복잡성을 줄이려는 시도들
  - Locality Sensitive Hashing, Network based Indexer, Optimized product quantization

## KNN의 적용

Classification

### 기계 학습의 일반적인 실습 순서

- 데이터셋 불러오기
  - seaborn 라이브러리 사용, 유명한 데이터 셋 대부분 지원 (예. Iris)
- 데이터셋 카테고리의 실수화
  - setosa, versicolor, virginica → "0", "1", "2"
- 데이터 분할
  - 학습데이터와 테스트 데이터로 나누기
- (옵션) 입력데이터의 표준화
- 모형 추정 혹은 사례중심학습
- 결과 분석
  - Confusion matrix 로 확인

#### Iris 데이터셋 불러오기

#### ■ Iris 데이터셋 이란?

■ **데이터명** : IRIS (아이리스, 붗꽃 데이터)

■ **레코드수**: 150개

■ **필드개수**:5개



■ **데이터설명**: 아이리스(붓꽃) 데이터에 대한 데이터. 꽃잎의 각 부분의 너비와 길이 등을 측정한 데이터이며 150개의 레코드로 구성되어 있음.

#### ■ 필드의 이해:

총 6개의 필드로 구성되어있음. caseno는 단지 순서를 표시하므로 분석에서 제외.2번째부터 5번째의 4개의 필드는 입력 변수(X) 로 사용되고, 맨 아래의 Species 속성이 목표(종속) 변수(Y)로 사용된다.

|   | caseno | SepalLength | SepalWidth | PetalLength | PetalWidth | Species |
|---|--------|-------------|------------|-------------|------------|---------|
| 1 | 1      | 5.1         | 3.5        | 1.4         | .2         | setosa  |
| 2 | 2      | 4.9         | 3.0        | 1.4         | .2         | setosa  |
| 3 | 3      | 4.7         | 3.2        | 1.3         | .2         | setosa  |

### Iris 데이터셋 불러오기

```
1 # 3장 KNN
2 import seaborn as sns # seaborn을 불러오고 SNS로 축약함.
3 iris=sns.load_dataset('iris') # iris라는 변수명으로 Iris data를 download함.
4 print(iris.head()) # 최초의 5개의 관측치를 print
```

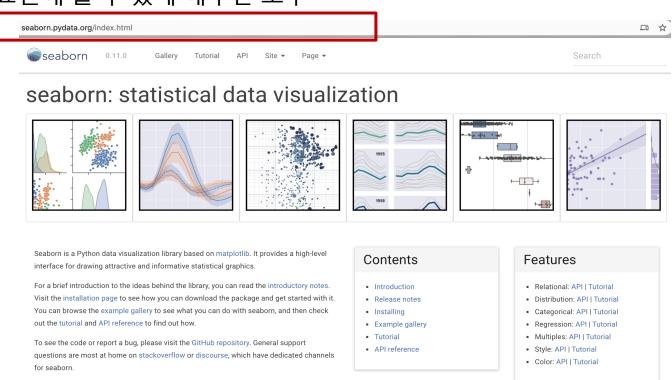
```
sepal length sepal width petal length petal width species
           5.1
                                   1.4
                                               0.2 setosa
                       3.5
          4.9
                       3.0
                                   1.4
                                               0.2 setosa
          4.7
                      3.2
                                   1.3
                                                0.2 setosa
          4.6
3
                      3.1
                                   1.5
                                               0.2 setosa
          5.0
                      3.6
                                   1.4
                                        0.2 setosa
```

```
1 print(iris.shape) # iris data의 행과 열의 수
2
3 X = iris.drop('species', axis=1) # 'species'열을 drop하고 input X를 정의함.
4 print(X.shape)
5
6 y=iris['species'] # 'species'열을 lavel y를 정의함.
```

```
(150, 5)
(150, 4)
```

### Iris 데이터셋 불러오기

- Seabon 라이브러리란?
  - 파이썬에서 데이터 시각화를 담당하는 모듈
  - 유익한 통계 그래픽을 그리기 위한 고급 인터페이스를 제공
  - 파이썬 사용자들이 약간의 변수와 파라미터 조정으로 쉽게 그래프를
     표현해 볼 수 있게 해주는 도구



### 카테고리의 실수화

```
[3] 1 from sklearn.preprocessing import LabelEncoder # LabelEncoder() method를 불러옴
2 import numpy as np # numpy를 불러옴
3 classle=LabelEncoder()
4 y=classle.fit_transform(iris['species'].values) # species 열의 문자열은 categorical
5 print('species labels:', np.unique(y)) # 중복되는 y 값을 하나로 정리하여 print

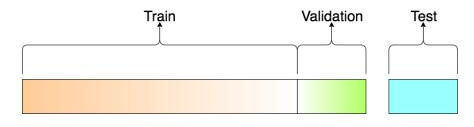
[→ species labels: [0 1 2]

1 yo=classle.inverse_transform(y) # 원래의 species 문자열로 전환
2 print('species:',np.unique(yo))

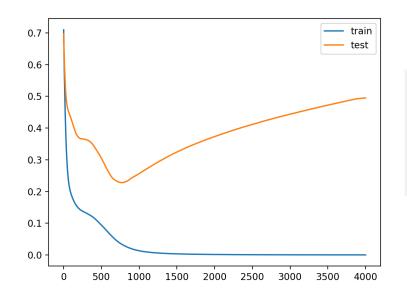
[→ species: ['setosa' 'versicolor' 'virginica']
```

- [주의] DictVectorize 클래스 vs LabelEncoder 클래스
  - One-hot encoding vs 범주형 라벨

#### 데이터 분할



- 데이터 분할이란?
  - 학습 데이터(train)와 시험 데이터(test)가 서로 겹치지 않도록 나누는 것
- 데이터 분할의 목적
  - 학습데이터로 자료를 학습시키고 학습에 전혀 사용하지 않은 시험데이터에 적용하여
     학습 결과의 일반화(generalization)가 가능한지 알아보기 위함



모델이 과적합되었다면, validation 셋으로 검증 시 **예측율이나 오차율이 떨어지는 현상**을 확인할 수 있으며, 이런 현상이 나타나면 **학습을 종료** 

### 데이터 분할

```
1
2 from sklearn.model_selection import train_test_split #Scikit-Learn 의 model_selection library를 train_test_split로 명명
3 X_train,X_test,y_train,y_test=train_test_split(X,y, test_size=0.3, random_state=1, stratify=y) # x와 y의 data를 각각 30%, 70%의 비율
4 print(X_train.shape)
5 print(X_test.shape)
6 print(y_train.shape)
7 print(y_test.shape)

C→ (105, 4)
(45, 4)
(105,)
(45,)
```

train\_test\_split() 함수의 인자 설명

#### 옵션 값 설명

- test\_size: 테스트 셋 구성의 비율을 나타냅니다. train\_size의 옵션과 반대 관계에 있는 옵션 값이며, 주로 test\_size를 지정해 줍니다. 0.2는 전체 데이터 셋의 20%를 test (validation) 셋으로 지정하겠다는 의미입니다. **default 값은 0.25** 입니다.
- shuffle default=True 입니다. split을 해주기 이전에 섞을건지 여부입니다. 보통은 default 값으로 놔둡니다.
- stratify : default=None 입니다. classification을 다룰 때 매우 중요한 옵션값입니다. stratify 값을 target으로 지정해주면 각각의 class 비율(ratio)을 train / validation에 유지해 줍니다. (한 쪽에 쏠려서 분배되는 것을 방지합니다) 만약 이 옵션을 지정해 주지 않고 classification 문제를 다룬다면, 성능의 차이가 많이 날 수 있습니다.
- random\_state: 세트를 섞을 때 해당 int 값을 보고 섞으며, 하이퍼 파라미터를 튜닝시 이 값을 고정해두고 튜닝해야 매번 데이터셋이 변경되는 것을 방지할 수 있습니다.

### 모형 추정 및 사례중심 학습

0.977777777777777

```
1 # KNN 의 적용
      2 from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier #KNN 불러오기
      3 knn=KNeighborsClassifier(n neighbors=5,p=2) #5개의 인접한이웃, 거리측정기준:유클리드
      4 #knn.fit(X train std,y train) #모델 fitting과정
      5 knn.fit(X train,y train) #모델 fitting과정
    KNeighborsClassifier(algorithm='auto', leaf size=30, metric='minkowski',
                        metric params=None, n jobs=None, n neighbors=5, p=2,
                        weights='uniform')
[17] 1 #y train pred=knn.predict(X train std) #train data의 y값 예측치
      2 y train pred=knn.predict(X train) #train data의 y값 예측치
      3 y test pred=knn.predict(X test std) #모델을 적용한 test data의 y값 예측치
      4 y test pred=knn.predict(X test) #모델을 적용한 test data의 y값 예측치
      5 print('Misclassified training samples: %d' %(y train!=y train pred).sum()) #오분류 데이터 갯수 확인
      6 print('Misclassified test samples: %d' %(y test!=y test pred).sum()) #오분류 데이터 갯수 확인
    Misclassified training samples: 2
    Misclassified test samples: 1
     1 from sklearn.metrics import accuracy score #정확도 계산을 위한 모듈 import
[18]
      2 print(accuracy score(y test,y test pred)) # 45개 test sample중 42개가 정확하게 분류됨.
```

- 성능 평가
  - 분류 문제는 회귀 분석과 달리 다양한 성능 평가 기준(metric)이 필요함
  - 평가 방법마다 장단점이 존재함
- 싸이킷런에서 제공하는 분류 성능 평가 방법
  - confusion\_matrix(y\_true, y\_pred)
  - accuracy\_score(y\_true, y\_pred)
  - precision\_score(y\_true, y\_pred)
  - recall\_score(y\_true, y\_pred)
  - fbeta\_score(y\_true, y\_pred, beta)
  - f1\_score(y\_true, y\_pred)
  - roc\_curve
  - auc

|       | 예측 클래스 0              | 예측 클래스 1              | 예측 클래스 2              |
|-------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| 정답    | 정답 클래스가 0, 예측 클래스가 0인 | 정답 클래스가 0, 예측 클래스가 1인 | 정답 클래스가 0, 예측 클래스가 2인 |
| 클래스 0 | 표본의 수                 | 표본의 수                 | 표본의 수                 |
| 정답    | 정답 클래스가 1, 예측 클래스가 0인 | 정답 클래스가 1, 예측 클래스가 1인 | 정답 클래스가 1, 예측 클래스가 2인 |
| 클래스 1 | 표본의 수                 | 표본의 수                 | 표본의 수                 |
| 정답    | 정답 클래스가 2, 예측 클래스가 0인 | 정답 클래스가 2, 예측 클래스가 1인 | 정답 클래스가 2, 예측 클래스가 2인 |
| 클래스 2 | 표본의 수                 | 표본의 수                 | 표본의 수                 |

- **혼합 행렬 (confusion matrix):** 타겟의 원래 클래스와 모형이 예측한 클래스가 일치하는지는 갯수로 센 결과를 표나 나타낸 것
  - 1 from sklearn.metrics import confusion\_matrix# 오분류표 작성을 위한 모듈 import
    2 conf=confusion\_matrix(y\_true=y\_test,y\_pred=y\_test\_pred) # 대각원소가 각각 setosa, versicolor, virginica를 정확하게 분류한 갯수.
    3 print(conf)
    4 # setosa는 모두 정확하게 분류되었고 versicolor는 15개 중 2개가 virginica로 오분류 되었으며 virginica는 15개 중 1개가 versicolor로 오분류됨.
  - ([15 0 0] [ 0 13 2] [ 0 1 14]]

암(cancer, 악성종양)을 검진할 때도 암에 걸린 것을 양성(陽性, positive)이라하고 걸리지 않은 것을 음성이라고 한다. 종양(tumar)의 양성(良性, benign), 악성(惡性, malignant) 용어와 다르다는 점에 주의하라.

• True Positive: 암을 암이라고 정확하게 예측

• True Negative: 암이 아닌것을 암이 아니라고 정확하게 예측

• False Positive: 암을 암이 아니라고 잘못 예측

• False Negative: 암이 아닌것을 암이라고 잘못 예측

|           | 암이라고 예측        | 암이 아니라고 예측     |
|-----------|----------------|----------------|
| 실제로 암     | True Positive  | False Negative |
| 실제로 암이 아님 | False Positive | True Negative  |

■ **정확도 (acc₩uracy):** 전체 샘플 중 맞게 예측한 샘플 수의 비율

accuracy = 
$$\frac{TP + TN}{TP + TN + FP + FN}$$

암(cancer, 악성종양)을 검진할 때도 암에 걸린 것을 양성(陽性, positive)이라하고 걸리지 않은 것을 음성이라고 한다. 종양(tumar)의 양성(良性, benign), 악성(惡性, malignant) 용어와 다르다는 점에 주의하라.

• True Positive: 암을 암이라고 정확하게 예측

• True Negative: 암이 아닌것을 암이 아니라고 정확하게 예측

• False Positive: 암을 암이 아니라고 잘못 예측

• False Negative: 암이 아닌것을 암이라고 잘못 예측

|           | 암이라고 예측        | 암이 아니라고 예측     |
|-----------|----------------|----------------|
| 실제로 암     | True Positive  | False Negative |
| 실제로 암이 아님 | False Positive | True Negative  |

■ 정밀도 (precision): 양성 클래스에 속한다고 예측한 샘플 중 실제로 양성 클래스에 속하는 샘플 수의 비율

$$precision = \frac{TP}{TP + FP}$$

암(cancer, 악성종양)을 검진할 때도 암에 걸린 것을 양성(陽性, positive)이라하고 걸리지 않은 것을 음성이라고 한다. 종양(tumar)의 양성(良性, benign), 악성(惡性, malignant) 용어와 다르다는 점에 주의하라.

• True Positive: 암을 암이라고 정확하게 예측

• True Negative: 암이 아닌것을 암이 아니라고 정확하게 예측

• False Positive: 암을 암이 아니라고 잘못 예측

• False Negative: 암이 아닌것을 암이라고 잘못 예측

|           | 암이라고 예측        | 암이 아니라고 예측     |
|-----------|----------------|----------------|
| 실제로 암     | True Positive  | False Negative |
| 실제로 암이 아님 | False Positive | True Negative  |

재현율 (recall): 실제 양성 클래스에 속한 표본 중에 양성 클래스에 속한다고
 예측한 표본의 수의 비율

$$recall = \frac{TP}{TP + FN}$$

### (옵션) 입력데이터의 표준화

#### ■ 표준화

- 특성 자료의 측정 단위(Scaling)에 의해 영향 받지 않도록 하는 과정
- 싸이킷런의 StandardScaler 클래스를 호출하여 사용
- 시험 데이터(test data)의 표준화는 학습 데이터(train data)에서 구한 특성 변수의 평균과 표준편차를 이용함
- 표준화로 인해 데이터의 분포인 통계적 특성이 깨지면 머신러닝의 학습 저하를 가져옴

```
[7] 1 from sklearn.preprocessing import StandardScaler #Scikit-Learn 의 model selection library를 train test split로 명명
     2 sc=StandardScaler()
     3 sc.fit(X train)
                                           # training data의 표준화
     4 X train std=sc.transform(X train)
     5 X test std=sc.transform(X test)
                                           # test data의 표준화
     7 #표준화된 data의 확인
     8 print(X train.head()) # X train data 최초 5개의 관측치
     9 X train std[1:5,] # X train std data 최초 5개의 관측치
Ð
                      sepal_width petal_length petal_width
         sepal length
                              4.2
    33
                                                        0.2
    20
                 5.4
                              3.4
                                           1.7
                                                        0.2
    115
                 6.4
                              3.2
                                           5.3
                                                        2.3
    124
                 6.7
                              3.3
                                            5.7
                                                        2.1
                 5.0
                              3.2
                                            1.2
                                                        0.2
    array([[-0.55053619, 0.76918392, -1.16537974, -1.30728421],
           [ 0.65376173, 0.30368356, 0.84243039, 1.44587881],
           [ 1.0150511 , 0.53643374, 1.0655204 , 1.18367281],
           [-1.03225536, 0.30368356, -1.44424226, -1.30728421]])
```

### (옵션) 입력데이터의 표준화

```
1 # KNN 의 적용
      2 from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier #KNN 불러오기
     3 knn=KNeighborsClassifier(n neighbors=5,p=2) #5개의 인접한이웃, 거리측정기준:유클리드
      4 knn.fit(X train std,y train) #모델 fitting과정
      5 #knn.fit(X train,y train) #모델 fitting과정
    KNeighborsClassifier(algorithm='auto', leaf size=30, metric='minkowski',
                        metric_params=None, n_jobs=None, n_neighbors=5, p=2,
                        weights='uniform')
     l y train pred=knn.predict(X train std) #train data의 y값 예측치
[11]
      2 #y train pred=knn.predict(X train) #train data의 y값 예측치
      3 y test pred=knn.predict(X test std) #모델을 적용한 test data의 y값 예측치
      4 #y test pred=knn.predict(X test) #모델을 적용한 test data의 y값 예측치
      5 print('Misclassified training samples: %d' %(y train!=y train pred).sum()) #오분류 데이터 갯수 확인
      6 print('Misclassified test samples: %d' %(y test!=y test pred).sum()) #오분류 데이터 갯수 확인

    Misclassified training samples: 4

    Misclassified test samples: 3
[12] 1 from sklearn.metrics import accuracy_score
                                                  #정확도 계산을 위한 모듈 import
     2 print(accuracy_score(y_test,y_test_pred)) # 45개 test sample중 42개가 정확하게 분류됨.
```

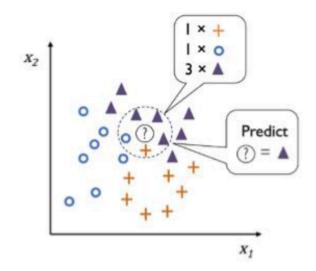
- 표준화로 인해 정확도가 97.8 → 93.3 으로 떨어진 사례
- <u>표준화 여부는 시험 데이터(test data)의 정밀도(accuracy)를 정검 하여 결정함</u>

## KNN의 적용

Regression

### KNN 회귀 정의

- KNN 회귀(regression)도 KNN 분류(classification)과 동일
  - $lacksymbol{f y}$  의 예측 치 계산만 다름
- K개 관측치  $(x_i, y_i)$ 에서  $\overline{y}$ 를 계산하여 적합 치로 사용
- 주어진 특성 변수 x에 대응하는 y의 예측 치
  - $\frac{1}{k}\sum_{i=1}^k y_i$  단,  $y_i$ 는 x에 가장 가까운 K 개의 학습 데이터 y



## KNN 회귀

- 단순회귀란?
  - 가까운 이웃들의 단순한 평균을 구하는 방식
- 가중 회귀(Weighted regression) 란?
  - 각 이웃이 얼마나 가까이 있는지에 따라 가중 평균 (weighted average)을 구해 <u>거리가 가까울수록 데이터가 더 유사할 것</u>이라고 보고 가중치를 부여하는 방식

#### - 예시)

| 영화 X의 <del>등급</del> 을 찾기 위해 3-NN 검색 결과 |         |               |  |  |
|--|---------|---------------|--|--|
| 영화 A                                   | 등급: 5.0 | X까지의 거리: 3.2  |  |  |
| 영화 B                                   | 등급: 6.8 | X까지의 거리: 11.5 |  |  |
| 영화 C                                   | 등급: 9.0 | X까지의 거리: 1.1  |  |  |

■ 단순 평균: 6.93, 가중 평균: 7.9 → 
$$\frac{5.0}{3.2} + \frac{6.8}{11.5} + \frac{9.0}{1.1}$$
 = 7.9

#### KNN 회귀 실습

- KNN 회귀를 이용한 영화 평점 예측
  - 평이 좋다" vs "평이 나쁘다" 레이블로 분류하는 게 아니라 실제 IMDb\* 등급(별점)을 예측하는 것. \*IMDb 란? 인터넷영화데이터베이스

```
2 from sklearn.neighbors import KNeighborsRegressor
 4 regressor = KNeighborsRegressor(n neighbors = 3, weights = "distance")
                                                                 "distance" → 가중평균,
 6 training points = [
                                                                 default = "uniform"
 7 [0.5, 0.2, 0.1],
 8 [0.9, 0.7, 0.3],
 9 [0.4, 0.5, 0.7]
10 1
11
12 training_labels = [5.0, 6.8, 9.0]
13 regressor.fit(training points, training labels)
14
15
16 unknown points = [
17 [0.2, 0.1, 0.7],
18 [0.4, 0.7, 0.6],
19 [0.5, 0.8, 0.1]
20 ]
21
22 guesses = regressor.predict(unknown points)
23 guesses
```

□→ array([7.28143288, 7.76451922, 6.8457845 ])