

# 递归 (Recursion)

## 递归 (Recursion)

### 递归谓词的例子

[从0到100计数](#)

[相互递归](#)

[闭包传递](#)

[限制和常见错误](#)

[空递归](#)

[非单调递归](#)

## 递归 (Recursion)

QL为递归提供了有力的支持。如果QL中的谓词直接或间接依赖于自身，则谓词是递归的。

为了评估递归谓词，QL编译器会找到递归的[最小固定点](#)。特别是，它以空值集开始，并通过重复应用谓词直到值集不再更改来查找新值。该集合是最不固定的点，因此是评估的结果。同样，QL查询的结果是查询中引用的谓词的最小固定点。

在某些情况下，您还可以递归使用聚合。有关更多信息，请参见[“单调聚合”](#)。

## 递归谓词的例子

这是QL中递归谓词的一些示例：

### 从0到100计数

以下查询使用谓词 `getANumber()` 列出0到100（含）之间的所有整数：

```
1 int getANumber() {  
2   result = 0  
3   or  
4   result <= 100 and result = getANumber() + 1  
5 }  
6  
7 select getANumber()
```

谓词 `getANumber()` 对包含的集合求值，`0` 并且该整数比集合中已经存在的数字（最多，包括 `100`）多一个。

## 相互递归

谓词可以是相互递归的，也就是说，您可以拥有一个相互依赖的谓词循环。例如，这是一个使用偶数计数为100的QL查询：

```
1 int getAnEven() {
2   result = 0
3   or
4   result <= 100 and result = getAnOdd() + 1
5 }
6
7 int getAnOdd() {
8   result = getAnEven() + 1
9 }
10
11 select getAnEven()
```

该查询的结果是从0到100的偶数。您可以替换为以列出从1到101的奇数。`select`  
`getAnEven() select getAnOdd()`

## 闭包传递

谓词的闭包传递是递归谓词，其结果是通过重复应用原始谓词获得的。

特别是，原始谓词必须具有两个参数（可能包括 `this` 或 `result value`），并且这些参数必须具有兼容的 `type`。

由于传递闭包是递归的一种常见形式，因此QL有两个有用的缩写：

### 1、传递闭包 `+`

例如，假设您有一个 `Person` 带有成员谓词 `getAParent()` 的类。然后 `p.getAParent()` 返回的任何父母 `p`。传递闭包 `p.getAParent+()` 返回的父母 `p`，的父母的父母 `p`，依此类推。

使用此 `+` 表示法通常比显式定义递归谓词更简单。在这种情况下，显式定义可能如下所示：

```
1 Person getAnAncestor() {
2   result = this.getAParent()
3   or
4   result = this.getAParent().getAnAncestor()
5 }
```

谓词 `getAnAncestor()` 等价于 `getAParent+()`。

## 2、自反传递封闭 \*

这类似于上面的传递闭包运算符，不同之处在于您可以使用它为谓词对其自身应用零次或多次。

例如，的结果 `p.getAParent*()` 是 `p`（如上）的祖先，或者是 `p` 它本身。

在这种情况下，显式定义如下所示：

```
1 Person getAnAncestor2() {
2   result = this
3   or
4   result = this.getAParent().getAnAncestor2()
5 }
```

谓词 `getAnAncestor2()` 等价于 `getAParent*()`。

## 限制和常见错误

虽然QL专为查询递归数据而设计，但有时很难正确定义递归定义。如果递归定义包含错误，则通常不会得到任何结果或编译器错误。

以下示例说明了导致无效递归的常见错误

### 空递归

首先，有效的递归定义必须具有起点或基本情况。如果递归谓词求值为空值集，则通常会有问题。

例如，您可以尝试如下定义谓词 `getAnAncestor()`（来自 [以上示例](#)）：

```
1 Person getAnAncestor() {
2   result = this.getAParent().getAnAncestor()
3 }
```

在这种情况下，QL编译器给出一个错误，指出这是一个空的递归调用。

由于 `getAnAncestor()` 最初假定为空，因此无法添加新值。谓词需要递归的起点，例如：

```
1 Person getAnAncestor() {
2   result = this.getAParent()
3   or
4   result = this.getAParent().getAnAncestor()
5 }
```

# 非单调递归

有效的递归谓词也必须是单调的。这意味着（相互）递归仅在偶数个否定的情况下才允许。直观上，这可以防止“递归骗子悖论”的情况，在这种情况下无法解决递归问题。例如：

```
1 predicate isParadox() {  
2   not isParadox()  
3 }
```

根据此定义，谓词 `isParadox()` 恰好在不成立时成立。这是不可能的，因此没有递归的定点解决方案。如果递归在偶数个否定的情况下出现，那么这不是问题。例如，考虑以下（稍微令人震惊）的class成员谓词 `Person`：

```
1 predicate isExtinct() {  
2   this.isDead() and  
3   not exists(Person descendant | descendant.getAParent+() = this |  
4     not descendant.isExtinct()  
5 )  
6 }
```

`p.isExtinct()` 持有，如果 `p` 并且所有 `p` 的后代都死了。对的递归调用 `isExtinct()` 嵌套在偶数个否定数中，因此这是一个有效的定义。实际上，您可以按如下方式重写定义的第二部分：

```
1 forall(Person descendant | descendant.getAParent+() = this |  
2   descendant.isExtinct()  
3 )
```