Moodle@FCTUNL Tiago Henriques

Introdução à Investigação Operacional 22/23 - Informática, Mecânica Home ► My courses ► IIO 22/23 - Inf, Mec ► Atividades Semanais de Apoio à Aprendizagem ► 10: SIM 1 **Started on** segunda, 12 dezembro 2022, 11:50 **QUIZ NAVIGATION State** Finished Completed on segunda, 12 dezembro 2022, 11:58 Time taken 8 mins 44 secs Finish review **Grade 20.00** out of 20.00 (100%) Question 1 Escolha as afirmações verdadeiras! Correct Select one or more: Mark 3.00 out of a. Para se gerar um NPA "com distribuição" Exponencial deve-se recorrer ao Método da Inversão. 🗸 Certíssimo ! x = - (val.med.).ln(u) 3.00 b. É possível gerar um NPA "com distribuição" Normal usando o Método da Inversão. c. É possível gerar um NPA "com distribuição aproximadamente " Normal usando o Método da Rejeição. 🗸 Verdade! Basta truncar a distribuição em, p.ex., val.méd. +/- 2 x d.padrão ... d. É possível gerar um NPA "com distribuição aproximadamente " Exponencial usando o Método da Rejeição. 🗸 Verdade ! Basta truncar a distribuição de modo a ignorar uma "cauda" insignificante ... e. É possível gerar rigorosamente um NPA "com distribuição" Normal usando o Método da Rejeição. f. É possível gerar rigorosamente um NPA "com distribuição" Exponencial usando o Método da Rejeição. Question 2 Para se gerar um NPA "com distribuição" Triangular[0;2;4] ... Correct Escolha a(s) afirmação(ões) verdadeira(s): Mark 3.00 out of Select one or more: 3.00 a. pode-se recorrer ao Método da Rejeição. 🧹 💛 Sim ! É mais fácil, mas menos eficiente, do que o Método da Inversão. b. pode-se gerar dois NPA U[0;1], u_1eu_2 , e fazer $x=2.(u_1+u_2)$. \checkmark Correcto! c. pode-se recorrer ao Método da Inversão. 🗸 Sim ! Não é muito fácil de se fazer, mas é possível e, depois de deduzidas as expressões, torna-se o método mais eficiente! d. pode-se gerar dois NPA U[0;1] e somá-los. Question 3 Seja X a variável aleatória com função de probabilidade seguinte: Correct k 0 1 2 Mark 2.00 out of P(X = k) 0.2 0.5 0.32.00 Para se gerar um NPA "com distribuição" X ... Escolha a opção correcta: Select one: a. Gerava um NPA U[0;1], u. Se u fosse inferior a 0,3, então x = 2; caso contrário, se u fosse inferior a 0,8, então x = 1; caso contrário, x = 0. 🗸 Correcto ! (Ainda que fosse "mais natural" fazê-lo por ordem inversa: se u fosse inferior a 0,2, então x = 0; c.c., se u fosse inferior a (0,2+0,5), então x=1; c.c, x = 2. b. Gerava um NPA U[0;1], u. Se u fosse inferior a 0,3, então x = 2; caso contrário, se u fosse inferior a 0,5, então x = 1; caso contrário, x = 0. c. Gerava um NPA U[0;1], u. Se u fosse inferior a 0,2, então x = 0; caso contrário, se u fosse inferior a 0,5, então x = 1; caso contrário, x = 2. d. Utilizaria o Método da Rejeição. Question 4 Para se gerar um NPA "com distribuição" X procede-se do seguinte modo: Correct 1) Gera-se um NPA U[0;1], u; Mark 3.00 out of 2) Se u for inferior a 0,8, então x = 1; caso contrário, x = 0. 3.00 Para se gerar um NPA "com distribuição" Y procede-se do seguinte modo: 1) Gera-se três NPA's "com distribuição" X, x1, x2, x3; 2) y = x1 + x2 + x3. Escolha a(s) opção(ões) correcta(s): Select one or more: a. Y~ Bernoulli (p = 0,6). b. $X \sim Bernoulli(p = 0,2)$. c. Y ~ Binomial (n = 3 ; p = 0,8). ✓ Verdadeiro! d. Y \sim Bernoulli (p = 2,4). e. Y ~ Binomial (n = 3; p = 0.2). f. X ~ Bernoulli(p = 0,8). ✓ Verdadeiro! Question 5 Seja u_i um NPA "com distribuição" Uniforme[0;1]. Correct Escolha a afirmação correcta. Select one: a. $\sum_{i=1}^{5} u_i$ é um NPA "com distribuição" Normal(méd.=2,5; var.=5/12) b. $\sum_{i=1}^{5} u_i$ é um NPA "com distribuição" Normal(méd.=2,5; d.p.=5/12) o. $\sum_{i=1}^{24} u_i$ é um NPA "com distribuição" Normal(méd.=12; d.p.=2) d. ∑_{i=1}²⁴ u_i é um NPA "com distribuição" Normal(méd.=12; var.=2) ✓ Certíssimo! Com efeito, somando 24 NPA's U[0;1] i.i.d, podemos invocar o T.L.C.! Question 6 Seja u_i um NPA "com distribuição" Uniforme[0;1]. Correct Seja $x_i = -(1/2)$. $\ln(u_i)$. Mark 3.00 out of Escolha a(s) afirmação(ões) correcta(s). Select one or more: \square a. x_i é um NPA "com distribuição" Exponencial de média 1/2. \checkmark Correcto! b. $x_1 + x_2 + x_3$ é um NPA "com distribuição" Gama(n= 3 e lambda = 2). \checkmark Correcto! c. $x_1 + x_2 + x_3$ é um NPA "com distribuição" Normal de média 3 e d.p. =1/2. d. x_i é um NPA "com distribuição" Exponencial de média 2. Question 7 Seja u_i um NPA "com distribuição" Uniforme[0;1]. Correct Seja $x_i = -(1/2)$. $\ln(u_i)$. Mark 3.00 out of Escolha a(s) afirmação(ões) correcta(s). Select one or more: $x_1 + x_2 + x_3$ é um NPA "com distribuição" Normal de média 3 e d.p. =1/2. $x_1 + x_2 + ... + x_{24}$ é um NPA "com distribuição" Normal de média 12 e d.p. = $\sqrt{6}$. \checkmark Muito bem! Estamos a invocar o Teorema do Limite Central Como o valor médio de cada Exponencial é 1/2, o valor médio da Normal será 12! Por outro lado, como o desvio padrão da Exponencial é 1/2, a sua variância será 1/4 e, assim, a variância da Normal será 6, i.e., o seu desvio padrão será sqrt6. $x_1 + x_2 + ... + x_{24}$ é um NPA "com distribuição" Normal de média 48 e d.p. = 6. x_i é um NPA "com distribuição" Exponencial de média 1/2. \checkmark Correto! x_i é um NPA "com distribuição" Exponencial de média 2.

Finish review

11: SIM_2 ▶

◀ 9: FE_2

☑ $x_1 + x_2 + x_3$ é um NPA "com distribuição" Gama(n= 3 e lambda = 2). ✓ Muito bem! A soma de v.a.'s Exponenciais i.i.d. é uma v.a. Gama!