



Tecnológico Nacional de México Centro Nacional de Investigación y Desarrollo Tecnológico

DEPARTAMENTO DE CIENCIAS EN INGENIERÍA ELECTRÓNICA

DISEÑO, CONSTRUCCIÓN Y PUESTA EN MARCHA DE UN

REGENERADOR DE ENERGÍA PARA EL DESARROLLO Y LA

VALIDACIÓN DE ESTRATEGIAS DE MODELADO MATEMÁTICO

Revisión

Director de tesis:

Dr. Víctor Manuel Alvarado Martínez

Co-Directora de tesis:

Dra. Maria Guadalupe López López

Comité revisor:

Dr. José Francisco Gómez Aguilar

Dr. Ricardo Fabricio Escobar Jiménez

Dr. Jarniel García Morales

Presenta:

M.I.E. Omar Arturo Castillo Méndez 2 de junio de 2025

1. Modelo

1.1. Modelo: Kilkovsky

Consideraciones del modelo

- Los coeficientes de transferencia de calor y las propiedades térmicas de la masa de almacenamiento de calor y del gas no varían a lo largo de un período.
- Los coeficientes de transferencia de calor y las propiedades térmicas de la masa de almacenamiento de calor y del gas no varían a lo largo de un período y son idénticos en todas las partes del regenerador en ese período.
- Se desprecia la conductividad térmica longitudinal.
- Las temperaturas del gas de entrada en ambos periodos permanecen constantes. Los caudales másicos de los gases de calefacción y refrigeración no varían a lo largo de cada período. La
 transferencia de calor entre el gas y el sólido puede representarse en términos de un coeficiente
 global de transferencia de calor que relaciona la temperatura del gas con la temperatura media
 del sólido. Además, la tasa de transferencia de calor en el lecho compacto a cualquier altura
 está representada por la variación temporal de la temperatura media del sólido . La capacidad calorífica del gas en los canales del lecho compacto en cualquier instante es pequeña en
 relación con la capacidad calorífica del sólido y, por lo tanto, puede despreciarse.

La ecuación para el solido es la siguiente:

$$M_b C_{p,b} \frac{\partial T_s}{\partial t} = hA(T_g - T_s) \tag{1}$$

La ecuación para la fase del gas:

$$m_g C_{p,g} L \frac{\partial T_g}{\partial x} + M_g C_{p,g} \frac{\partial T_g}{\partial t} = hA(T_s - T_g)$$
 (2)

	unidades	
T_s	Temperatura del lecho	°C
T_g	Temperatura del gas	$^{\circ}C$
Datos del modelo: Constantes		unidades
T_0	Temperatura inicial del lecho	°C
T_{en}	Temperatura de entrada	$^{\circ}C$
ρ_s	Densidad del lecho	kg/m³
ϵ_{s}	porosidad del lecho	kg/m³
$K_{s,x}$	Conductividad térmica efectiva del solido	$W \cdot m^{-1} \cdot K^{-1}$
$K_{a,x}$	Conductividad térmica efectiva del gas	$W \cdot m^{-1} \cdot K^{-1}$
h	Coeficiente de transferencia de calor	$W \cdot m^{-2} \cdot K^{-1}$
a_p	Área superficial de las partículas por unidad de volumen	m^2
u	Velocidad del flujo	$m \cdot s^{-1}$
$C_{p,s}$	Calor específico del lecho	$J \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}$
$C_{p,g}$	Calor específico del gas	$J \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}$

Condiciones iniciales y de frontera

Al inicio del proceso de calentamiento, la temperatura del lecho es igual a la temperatura ambiente:

$$T_s = T_{amb}$$
; en $t = 0$

En cuanto a las condiciones de frontera, en la entrada del lecho la temperatura del gas:

$$T_g = T_{en}$$
; en $x = 0$

La condición de frontera del solido anterior a la entrada no hay lecho, por lo tanto:

$$\frac{\partial T_s}{\partial x} = 0$$
; en $x = 0$

Para la salida del lecho tanto para el gas como en el lecho, ya no se puede intercambiar mas calor:

$$\frac{\partial T_s}{\partial x} = 0; \text{ en } x = L$$

$$\frac{\partial T_g}{\partial x} = 0; \text{ en } x = L$$

Los parámetros del modelo son los siguientes:

Revisión 1.2 Análisis hidráulico

Tabla 1: Propiedades del gas: Aire

	Propiedades del gas		unidades
T_0	Temperatura inicial del gas	25	°C
$T_e n$	Temperatura de entrada	727	$^{\circ}C$
ρ_{g}	Densidad del gas	0.51	$kg \cdot m^{-3}$
h	Coeficiente de transferencia de calor	354.4538	$W \cdot m^{-2} \cdot K^{-1}$
u	Velocidad superficial del gas	3.6	$m \cdot s^{-1}$
$C_{p,g}$	Calor específico del gas	1012	$J \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}$

Tabla 2: Propiedades del lecho usado como en el regenerador

Propiedades del lecho			unidades
T_0	Temperatura inicial del lecho	25	$^{\circ}C$
ρ_s	Densidad del lecho	3970	$kg \cdot m^{-3}$
ϵ_s	Porosidad del lecho	0.38	
h	Coeficiente de transferencia de calor	354.4538	$W \cdot m^{-2} \cdot K^{-1}$
a_p	Área superficial de las partículas por unidad de volumen	124	m^{-1}
$C_{p,s}$	Calor específico del lecho	765	$J \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}$

Tabla 3: Resultados obtenidos a partir de las características del gas y del lecho

	Parámetros calculados		unidades
$K_{s,x}$	Conductividad térmica efectiva del solido	1.4497	$W \cdot m^{-1} \cdot K^{-1}$
$K_{a,x}$	Conductividad térmica efectiva del gas	0.03808	$W \cdot m^{-1} \cdot K^{-1}$
h	Coeficiente de transferencia de calor	92.7	$W \cdot m^{-2} \cdot K^{-1}$
St	Stanton	5.906	
Bi	Biot	0.088	
Pr	Prandlt	0.7	
Pr	Nusselt	134.1842	
Re_d	Reynolds intersticial	1513.1868	

1.2. Análisis hidráulico

Se elaboró el siguiente análisis con la finalidad de visualizar la región de operación del regenerador. Así mismo, se tomó en cuenta una longitud del lecho, diámetro de partícula y velocidades del aire variables, para observar como serian sus efectos en el numero de Reynolds del lecho, caídas de presión, el numero de Stanton y Biot.

Revisión 1.2 Análisis hidráulico

<u> </u>		
Parámetro		unidades
Longitud del lecho	0.3 - 2	m
Velocidad superficial	1.5 - 5	$m \cdot s^{-1}$
Diámetro de partícula	0.5 - 5	m

Tabla 4: Rango de propiedades para el análisis hidráulico

1.2.1. Numero de Reynolds

Para obtener este parámetro adimensional se obtuvo mediante la siguiente formula:

$$Re = \frac{d_p U_s \rho}{\mu} \tag{3}$$

Donde d_p corresponde al diámetro de partícula, U_s a la velocidad superficial, ρ a la densidad del gas y μ a la viscosidad dinámica del aire

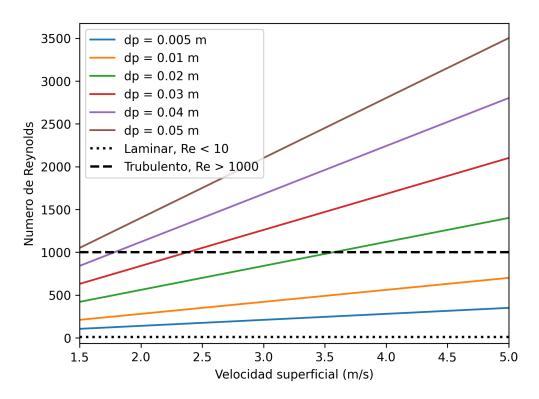


Figura 1: Efecto de la velocidad superficial en el numero de Reynolds

En la imagen anterior, se muestra como es el cambio del numero de Reynolds para el rango de velocidades y de igual manera el efecto del diámetro de partícula. Para lechos empacados el flujo laminar esta representado para números menores a Re < 10, transitorio entre 10 < Re < 1000 y turbulento para Re > 1000. En la siguiente imagen, se graficó respecto al tamaño de la partícula para visualizar el cambio desde esa perspectiva.

Revisión 1.2 Análisis hidráulico

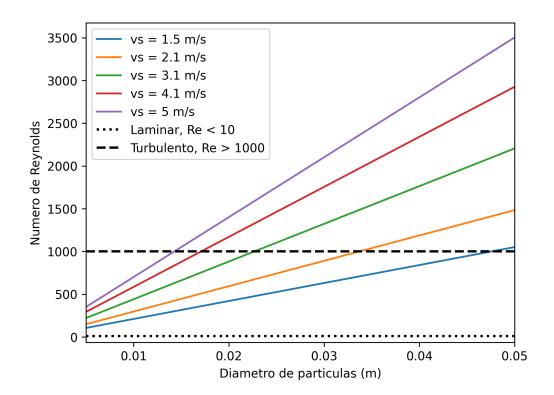


Figura 2: Efecto del diámetro de partícula en el numero de Reynolds

1.2.2. Caída de presión

La diferencia de presión a lo largo del regenerador se obtuvo mediante la siguiente relación[1]:

$$\Delta p = \left[\frac{150}{Re} + 1.75\right] \left[\frac{(U_s \rho)^2 L (1 - \epsilon)}{\rho d_n \epsilon^3}\right] \tag{4}$$

Donde Re es el numero de Reynolds, U_s velocidad superficial, ρ la densidad del gas, L longitud del lecho en metros, ϵ corresponde a la porosidad del lecho y d_p el diámetro de la partícula del lecho. Cada linea del grafico anterior corresponde a una velocidad del flujo del aire, se puede observar como la caída de presión aumenta con partículas mas pequeñas y va disminuyendo conforme crece su tamaño. Por lo tanto, el se requeriría menos energía para empujar el aire entre partículas mas grandes que no oponen menos resistencia al flujo del aire.

Revisión REFERENCIAS

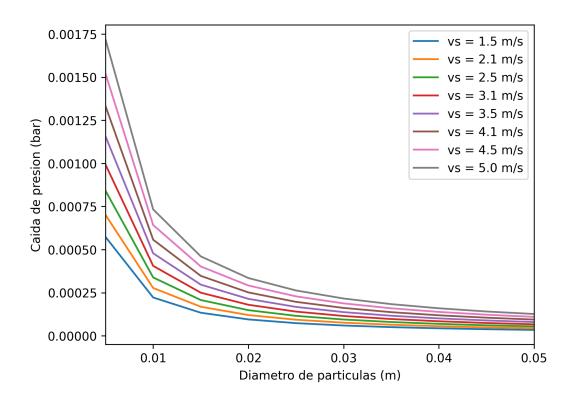


Figura 3: Variación de la caída de presión según el diámetro de la partícula

Referencias

[1] S. Valle-Guadarrama, I. L. López-Cruz y D. Cruz-Pérez, "Pressure drop in macroporous medium with forced air: calibration of the Ergun equation," *Ingeniería Agrícola y Biosistemas*, n.º 8, págs. 17-28, 2015, ISSN: 2007-3925. DOI: http://dx.doi.org/10.5154/r.inagbi. 2015.12.009. dirección: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1359431198000817.