



TECNOLÓGICO  
NACIONAL DE MÉXICO®

**cenidet**<sup>®</sup>  
Centro Nacional de Investigación  
y Desarrollo Tecnológico

# **Tecnológico Nacional de México**

## **Centro Nacional de Investigación y Desarrollo Tecnológico**

DEPARTAMENTO DE CIENCIAS EN INGENIERÍA ELECTRÓNICA

DISEÑO, CONSTRUCCIÓN Y PUESTA EN MARCHA DE UN  
REGENERADOR DE ENERGÍA PARA EL DESARROLLO Y LA  
VALIDACIÓN DE ESTRATEGIAS DE MODELADO MATEMÁTICO

### *Revisión*

#### **Director de tesis:**

Dr. Víctor Manuel Alvarado Martínez

#### **Co-Directora de tesis:**

Dra. Maria Guadalupe López López

#### **Comité revisor:**

Dr. José Francisco Gómez Aguilar

Dr. Ricardo Fabricio Escobar Jiménez

Dr. Jarniel García Morales

#### **Presenta:**

M.I.E. Omar Arturo Castillo Méndez

2 de junio de 2025

# 1. Modelo

## 1.1. Modelo: Kilkovsky

### Consideraciones del modelo

- Los coeficientes de transferencia de calor y las propiedades térmicas de la masa de almacenamiento de calor y del gas no varían a lo largo de un período.
- Los coeficientes de transferencia de calor y las propiedades térmicas de la masa de almacenamiento de calor y del gas no varían a lo largo de un período y son idénticos en todas las partes del regenerador en ese período.
- Se desprecia la conductividad térmica longitudinal.
- Las temperaturas del gas de entrada en ambos periodos permanecen constantes. Los caudales másicos de los gases de calefacción y refrigeración no varían a lo largo de cada período. La transferencia de calor entre el gas y el sólido puede representarse en términos de un coeficiente global de transferencia de calor que relaciona la temperatura del gas con la temperatura media del sólido. Además, la tasa de transferencia de calor en el lecho compacto a cualquier altura está representada por la variación temporal de la temperatura media del sólido. La capacidad calorífica del gas en los canales del lecho compacto en cualquier instante es pequeña en relación con la capacidad calorífica del sólido y, por lo tanto, puede despreciarse.

La ecuación para el solido es la siguiente:

$$M_b C_{p,b} \frac{\partial T_s}{\partial t} = hA(T_g - T_s) \quad (1)$$

La ecuación para la fase del gas:

$$m_g C_{p,g} L \frac{\partial T_g}{\partial x} + M_g C_{p,g} \frac{\partial T_g}{\partial t} = hA(T_s - T_g) \quad (2)$$

Datos del modelo: Variables		unidades
$T_s$	Temperatura del lecho	$^{\circ}\text{C}$
$T_g$	Temperatura del gas	$^{\circ}\text{C}$
Datos del modelo: Constantes		unidades
$T_0$	Temperatura inicial del lecho	$^{\circ}\text{C}$
$T_{en}$	Temperatura de entrada	$^{\circ}\text{C}$
$\rho_s$	Densidad del lecho	$\text{kg}/\text{m}^3$
$\epsilon_s$	porosidad del lecho	$\text{kg}/\text{m}^3$
$K_{s,x}$	Conductividad térmica efectiva del solido	$\text{W} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$
$K_{a,x}$	Conductividad térmica efectiva del gas	$\text{W} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$
$h$	Coeficiente de transferencia de calor	$\text{W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}$
$a_p$	Área superficial de las partículas por unidad de volumen	$\text{m}^2$
$u$	Velocidad del flujo	$\text{m} \cdot \text{s}^{-1}$
$C_{p,s}$	Calor específico del lecho	$\text{J} \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$
$C_{p,g}$	Calor específico del gas	$\text{J} \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$

### Condiciones iniciales y de frontera

Al inicio del proceso de calentamiento, la temperatura del lecho es igual a la temperatura ambiente:

$$T_s = T_{amb}; \text{ en } t = 0$$

En cuanto a las condiciones de frontera, en la entrada del lecho la temperatura del gas:

$$T_g = T_{en}; \text{ en } x = 0$$

La condición de frontera del solido anterior a la entrada no hay lecho, por lo tanto:

$$\frac{\partial T_s}{\partial x} = 0; \text{ en } x = 0$$

Para la salida del lecho tanto para el gas como en el lecho, ya no se puede intercambiar mas calor:

$$\frac{\partial T_s}{\partial x} = 0; \text{ en } x = L$$

$$\frac{\partial T_g}{\partial x} = 0; \text{ en } x = L$$

Los parámetros del modelo son los siguientes:

## 1.2. Análisis hidráulico

Se elaboró el siguiente análisis con la finalidad de visualizar la región de operación del regenerador. Asi mismo, se tomó en cuenta una longitud del lecho, diámetro de partícula y velocidades del aire variables, para observar como serian sus efectos en el numero de Reynolds del lecho, caídas de presión, el numero de Stanton y Biot.

Tabla 1: Propiedades del gas: Aire

Propiedades del gas			unidades
$T_0$	Temperatura inicial del gas	25	$^{\circ}C$
$T_{en}$	Temperatura de entrada	727	$^{\circ}C$
$\rho_g$	Densidad del gas	0.51	$kg \cdot m^{-3}$
$h$	Coefficiente de transferencia de calor	354.4538	$W \cdot m^{-2} \cdot K^{-1}$
$u$	Velocidad superficial del gas	3.6	$m \cdot s^{-1}$
$C_{p,g}$	Calor específico del gas	1012	$J \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}$

Tabla 2: Propiedades del lecho usado como en el regenerador

Propiedades del lecho			unidades
$T_0$	Temperatura inicial del lecho	25	$^{\circ}C$
$\rho_s$	Densidad del lecho	3970	$kg \cdot m^{-3}$
$\epsilon_s$	Porosidad del lecho	0.38	
$h$	Coefficiente de transferencia de calor	354.4538	$W \cdot m^{-2} \cdot K^{-1}$
$a_p$	Área superficial de las partículas por unidad de volumen	124	$m^{-1}$
$C_{p,s}$	Calor específico del lecho	765	$J \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}$

Tabla 3: Resultados obtenidos a partir de las características del gas y del lecho

Parámetros calculados			unidades
$K_{s,x}$	Conductividad térmica efectiva del solido	1.4497	$W \cdot m^{-1} \cdot K^{-1}$
$K_{a,x}$	Conductividad térmica efectiva del gas	0.03808	$W \cdot m^{-1} \cdot K^{-1}$
$h$	Coefficiente de transferencia de calor	92.7	$W \cdot m^{-2} \cdot K^{-1}$
$St$	Stanton	5.906	
$Bi$	Biot	0.088	
$Pr$	Prandlt	0.7	
$Pr$	Nusselt	134.1842	
$Re_d$	Reynolds intersticial	1513.1868	

Tabla 4: Rango de propiedades para el análisis hidráulico

Parámetro		unidades
Longitud del lecho	0.3 - 2	$m$
Velocidad superficial	1.5 - 5	$m \cdot s^{-1}$
Diámetro de partícula	0.5 - 5	$m$