

## 一、填空题

1、 $4t^3 - 3t^2$ ;

2、 $\sqrt{gl \sin \theta \tan \theta}$ ;

3、 $5.26 \times 10^{12} \text{ m}$ ;

4、 $\frac{m^2 g^2}{2k}$ ;

5、 $-Q/\epsilon_0$ ;

6、0;

7、 $\frac{cU^2}{2d}$ ;

8、 $-\frac{1}{2}B\pi R^2$ ;

9、 $-\mu_0 I$ ;

10、 $\frac{1}{2}B\omega L^2 \sin^2 \alpha$ 。

## 二、选择题

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
D	D	C	A	B	C	C	B	A	D

三、(10 分)

解：由于 m;M 组成的系统： $\sum F_x = 0$

所以水平 (x) 方向动量守恒 2 分

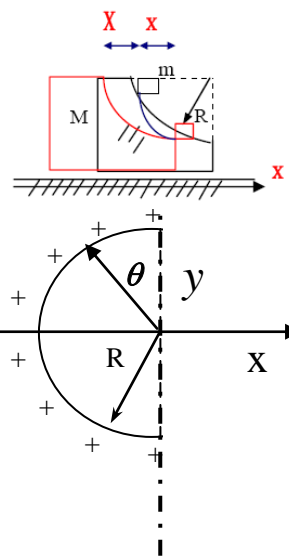
设 t 时刻 M;m 的速度沿 x 轴的分量分别为： $V(t)$  和  $v_x(t)$ ，则有：

$$mv_x(t) - MV(t) = 0 \text{ 即 } 3 \text{ 分}$$

$$mv_x(t) = MV(t)$$

在整个 m 下滑过程中：

$$X = \int_0^t V(t)dt; x = \int_0^t v_x(t)dt \quad 2 \text{ 分}$$



所以： $MX = mx$  而  $X + x = R$  2分

得 M 沿水平方向移动的距离为： $X = \frac{m}{M+m} R$  1分

四、(10分)

解：任取一段  $dl$ ，其电量为

$$dq = \lambda dl = \lambda R d\theta ; \lambda = \frac{q}{\pi R} ; \quad 3分$$

$$dE = \frac{dq}{4\pi\epsilon_0 R^2} = \frac{qd\theta}{4\pi^2\epsilon_0 R^2}, \quad 3分$$

由对称性可知  $E_y = 0$ ; 2分

$$E = E_x = \int_0^\pi dE \cdot \sin\theta = \frac{q}{2\pi^2\epsilon_0 R^2} \quad 2分$$

五、(10分)

解：无限长直导线旁： $B(l) = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi l} \otimes$  1分

$ab$  边上的磁场为匀强磁场：

$$ab \text{ 边: } F_{ab} = I_2 L \cdot \frac{\mu_0 I_1}{2\pi L} = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi} ; \text{ 方向: 水平向左} \quad 2分$$

根据  $d\vec{F} = I d\vec{l} \times \vec{B}$

$$ac \text{ 边: } dF_{ac} = I_2 d\vec{l} \times \vec{B} = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi l} dl$$

$$F_{ac} = \int_L^{2L} \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi l} dl = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi} \ln 2 ; \text{ 方向: 向下} \quad 3分$$

$$cb \text{ 边: } dF_{bc} = I_2 d\vec{l}' \times \vec{B} = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi(L + \frac{\sqrt{2}}{2} l')} dl'$$

$$F_{bc} = \int_0^{\sqrt{2}L} \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi(L + \frac{\sqrt{2}}{2} l')} dl' = \frac{\sqrt{2}\mu_0 I_1 I_2}{2\pi} \ln 2 \quad \text{方向: 斜向上。} \quad 4分$$

六、(10分)

解：(1)  $B = \mu_0 NI / (2\pi r)$ ,  $R \gg a$ ,  $B = \mu_0 NI / (2\pi R)$  1分

$$N\phi_m = NBS = \mu_0 N^2 I / (2\pi R) \bullet \pi a^2 = LI \quad 2 \text{ 分}$$

$$L_1 = \mu_0 N_1^2 a^2 / (2R), L_2 = \mu_0 N_2^2 a^2 / (2R) \quad 2 \text{ 分}$$

$$(2) B_1 = \mu_0 N_1 I_1 / (2\pi R)$$

$$N_2 \phi_{m2} = N_2 B_1 S = N_2 \mu_0 N_1 I_1 / (2\pi R) \bullet \pi a^2 = M I_1 \quad 1 \text{ 分}$$

$$M = N_2 \mu_0 N_1 a^2 / (2R) \quad 2 \text{ 分}$$

$$(3) \sqrt{L_1 L_2} = \sqrt{\mu_0 N_1^2 a^2 / (2R) \bullet \mu_0 N_2^2 a^2 / (2R)} = N_2 \mu_0 N_1 a^2 / (2R) = M \quad 2 \text{ 分}$$