

## Correction des Séries de TD N° 3 et N° 4

### Correction de la Série 3 :

#### Correction de l'exercice 1 :

décimale	octale	hexadécimale	binaire
1016	1770	3F8	1111111000
2100	4064	834	100000110100
2730	5252	AAA	101010101010
292	444	124	100100100

#### Correction de l'exercice 2 :

Donnez les représentations binaires sur 8 bits de -115 en utilisant les trois représentations :

- Binaire signé : avec 8 bits on peut coder les nombres de -127 à 127.  
 $115 = 112 + 3 = 7 \times 16 + 3 = 01110000_2 + 00000011_2 = 01110011_{(bp)}$  (en binaire pure)  
 et  $-115 = 11110011_{(bs)}$  en binaire signé.
- Complément à 1 : avec 8 bits on peut coder les nombres de -127 à 127.  
 $115 = 01110011_{(bp)}$  (en binaire pure)  
 $-115 = 10001100_{(cà1)}$  (en complément à 1)
- Complément à 2 : avec 8 bits on peut coder les nombres de -128 à 127.  
 $-115 = 10001100_{(cà1)}$  (en complément à 1), donc  $-115 = 10001100_{(cà1)} + 1 = 10001101_{(cà2)}$ .

#### Correction de l'exercice 2 :

Donnez la valeur en base 10 des nombres binaires 01010101, 10010001, selon que l'on les lit en considérant un codage d'entiers sur 8 bits :

- |                        |                         |                           |
|------------------------|-------------------------|---------------------------|
| 1. En binaire pur :    | $01010101_{(bp)} = 85$  | $10010001_{(bp)} = 145$   |
| 2. En binaire signé :  | $01010101_{(bs)} = 85$  | $10010001_{(bs)} = -17$   |
| 3. En complément à 1 : | $01010101_{(cà1)} = 85$ | $10010001_{(cà1)} = -110$ |
| 4. En complément à 2 : | $01010101_{(cà2)} = 85$ | $10010001_{(cà2)} = -111$ |

#### Correction de l'exercice 3 :

Additionnez en binaire -115 et 92, puis -115 et -2 dans les deux représentations complément à 1 et complément à 2 :

$$\begin{aligned}
 -115 + 92 &= 10001100_{(cà1)} + 01011100_{(cà1)} = 11101000_{(cà1)} = -23 \text{ ok} \\
 -115 - 2 &= 10001100_{(cà1)} + 11111101_{(cà1)} = 10001001_{(cà1)} = -118 \text{ non (Complément à 1 ne marche pas !)} \\
 -115 + 92 &= 10001101_{(cà2)} + 01011100_{(cà2)} = 11101001_{(cà2)} = -23 \text{ ok} \\
 -115 - 2 &= 10001101_{(cà2)} + 11111110_{(cà2)} = 10001011_{(cà2)} = -117 \text{ ok}
 \end{aligned}$$

## Correction de la Série 4 :

### Correction de l'exercice 1 :

1. a. la 1<sup>ère</sup> bit est 1 donc le nombre est négatif. Les 8 bits suivants  $10000010_2 = 130$ , donc  $E_b = 130 - 127 = 3$ . La mantisse  $M = 11110110000...0$ . Donc le nombre est  $-1,11110110 * 2^3 = -1111,10110 = \mathbf{-15,6875}$
- b. la 1<sup>ère</sup> bit est 0 donc le nombre est positif. Les 8 bits suivants  $10000001_2 = 129$ , donc  $E_b = 129 - 127 = 2$ . La mantisse  $M = 1110000...0$ . Donc le nombre est  $1,1110 * 2^2 = 111,10 = \mathbf{7,5}$
- c. la 1<sup>ère</sup> bit est 1 donc le nombre est négatif. Les 8 bits suivants  $10000100_2 = 132$ , donc  $E_b = 132 - 127 = 5$ . La mantisse  $M = 0001110000...0$ . Donc le nombre est  $-1,0001110 * 2^5 = -100011,10 = \mathbf{-35,5}$
2. a. Le nombre est négatif, donc la première bit du codage est 1.  
 $-123,75 = -1111011,11$  car  $123 = 120 + 3 = 15 * 8 + 3 = 1111000_2 + 11_2 = 01111011_2$ , et  $0,75 * 2 = 1,5$  d'où le premier 1 après la virgule, ensuite  $0,5 * 2 = 1,0$  ce qui donne le dernier 1.  
 $-123,75 = -1,11101111 * 2^6$ . Donc la mantisse  $M$  est  $1110111100...0$  et  $E_b = 127 + 6 = 133 = 10000101_2$ . Donc le codage de  $-123,75$  est **1 10000101 111011110000000000000000**.
- b. Le nombre est positif, donc la première bit du codage est 0.  
 $6,125 = 110,001$  car  $6 = 110_2$ , et  $0,125 * 2 = 0,25$  d'où le premier 0 après la virgule, ensuite  $0,25 * 2 = 0,5$  d'où le deuxième 0 après la virgule, ensuite  $0,5 * 2 = 1,0$  ce qui donne le dernier 1.  
 $6,125 = 1,10001 * 2^2$ . Donc la mantisse  $M$  est  $1000100...0$  et  $E_b = 127 + 2 = 129 = 10000001_2$ . Donc le codage de  $6,125$  est **0 10000001 100010000000000000000000**.

### Correction de l'exercice 2 :

1. Le code de la lettre 'o' est  $111_{10} = 96 + 15 = 1100000_2 + 1111_2 = \mathbf{01101111_2}$ .
2. Le code de la lettre 'n' est  $01101110_2 = 111_{10} - 1 = \mathbf{110_{10}}$ .
3. En mémoire, on trouve la séquence suivante 01101010 10010101.
  - a. Pour "deux nombres entiers naturels (sur 8 bits) codés en Binaire Pure", on trouve :  
 $01101010_2 = 1100000_2 + 1010_2 = 96 + 10 = \mathbf{106}$ .  
 $10010101_2 = 10000000_2 + 10101_2 = 128 + 21 = \mathbf{149}$ .
  - b. Pour "deux nombres entiers relatifs sur 8 bits en représentation complément à 1", on trouve :  
Le nombre est positif :  $01101010_{(c \text{ à } 1)} = 96 + 10 = \mathbf{106}$ .  
Le nombre est négatif : En inversant les bits, on a  $01101010_2 = 106$ . Donc le nombre  $10010101_{(c \text{ à } 1)} = \mathbf{-106}$ .
  - c. Pour "deux nombres entiers relatifs sur 8 bits en représentation complément à 2", on trouve :  
Le nombre est positif :  $01101010_{(c \text{ à } 2)} = 96 + 10 = \mathbf{106}$ .  
Le nombre est négatif : En inversant les bits, on a  $01101010_2$  et on ajoute 1 on trouve  $01101011_2 = -107$ . Donc le nombre  $10010101_{(c \text{ à } 2)} = \mathbf{-107}$ .
  - d. Pour "deux caractères du code ASCII étendu", on trouve :  
 $01101010_2 = 106$  qui le caractère 'j'.  
 $10010101_2 = 149$  qui est le caractère 'Ò'.