# scaling 参考资料

概要: 线性尺度变换适应度计算

#### 描述:

该函数对目标函数值 ObjV 进行线性变换。

#### 语法:

FitnV = scaling(ObjV)

FitnV = scaling(ObjV, Smul)

FitnV = scaling(ObjV, Smul, SUBPOP)

#### 详细说明:

ObjV 为一个保存着个体对应的目标函数值的列向量。

Smul(可选参数) 线性变换的决定上界的常数。若缺省或为 None, 则默认为 2。

SUBPOP(可选参数) 为子种群的数量, 要求能够被种群个体数整除。若缺省或为None, 默认值为1。

FitnV 为记录着种群个体适应度值的列向量。

### 算法:

该函数计算出由 Smul 的值决定上界的适应度值即 F' = aF + b。

其中 F 为直接把目标函数值 ObjV 作为适应度值的函数: F(个体) = ObjV

F' 为对 F 进行线性尺度变换后的适应度值函数, 且 F' 要满足以下两个条件:

- 1. 为了保证适应度在平均值的个体在下一代的期望复制数为 1, 因此要使得原适应度的平均值 Favg = 新适应度的平均值 F'avg。
- 2. 为了控制适应度最大的个体在下一代中的复制数,因此设定变换后的适应度最大值等于原适应度平均值的。指定倍数,即: F'max = Smul \* Favg

经过线性变换后,原适应度高的少数个体的适应度等比例缩小,同时适应度较差的 个体的适应度等比例扩大,从而有利于种群的多样性。

注意:为遵循"目标函数值越大适应度越小"的约定,算法中先对 ObjV 取相反数。根据上述条件进行线性变换后,原适应度最小的个体可能因为这种变换而导致适应度小于 0,此时我们要特殊处理这种情况,采用另一种变换方式:

- 1. 变换后适应度再加 1 使最小适应度为 1, 即: F'min = 1
- 2. 不再要求 F'avg = Favg, 而是设置斜率 dF'/dF = Favg / (Favg Fmin) 算法处理了以下 3 种特殊情况:
- 1. 当种群的所有个体的目标函数值都相等时,此时算法中作为分母的 delta 会为 0, 因此假如遇到这种情况,则将 FitnV 设置为全 1 的列向量
- 2. 有可能上述情况下 delta 的值相当的小,但不为 0,此时也要将 FitnV 设置为 1 的列向量。
  - 3. 对于传入的 ObjV 均小于 0 的情况,要先进行平移变换,使所有的 ObjV 都 >=0。

## 应用实例:

根据目标函数值 ObjV, 利用线性尺度变换求其对应的适应度:

ObjV = np.array([[1], [2], [3], [4], [5], [10], [9], [8], [7], [6]])
FitnV = scaling(ObjV) # 进行线性尺度变换适应度计算

得到适应度如下:

$$FitnV = \begin{pmatrix} 10 \\ 9 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{pmatrix}$$