Geatpy 数据结构

Geatpy 的大部分数据都是存储在 numpy 的 array 数组里的, numpy 中另外还有 matrix

的矩阵类型,但我们不适用它,于是我们默认 array 就是存储"矩阵"(也可以存储一维 向量,接下来会谈到)。其中有一些细节需要特别注意: numpy 的 array 在表示行向量时 会有2种不同的结构,一种是1行n列的矩阵,它是二维的;一种是纯粹的一维行向量。 因此,在 Geatpy 教程中会严格区分这两种概念,我们称前者为"行矩阵",后者为"行 向量"。Geatpy 中不会使用超过二维的 array。 例如有一个行向量 x, 其值为 1 2 3 4 5 6, 那么, 用 print(x.shape) 输出其规格, 可以

在 numpy 的 array 类型中,实际上没有"列向量"的概念。所谓"向量"是指一维 的,但用 numpy 的 array 表示列向量时,它实际上是二维的,只不过只有 1 列。我们不

得到 (6,), 若 x 是行矩阵而不是行向量, 那么 x 的规格就变成是 (1,6) 而不再是 (6,)。

纠结于这个细节,统一仍用"列向量"来称呼这种只有1列的矩阵。 在编程中,如果对 numpy 的 array 感到疑惑,你可以用" 变量.shape" 语句来输出其 维度信息,以确定其准确的维度。

1. 种群染色体 Geatpy 中,种群染色体是一个二维矩阵,简称"种群矩阵"。一般所说的"种群"是

种群矩阵一般用 Chrom 命名,是一个是 numpy 的 array 类型的,每一行对应一条染 色体,同时也对应着一个个体。染色体的每个元素是染色体上的基因。

特指种群染色体矩阵。

我们一般把种群的规模(即种群的个体数)用 Nind 命名;把种群个体的染色体长度 用 Lind 命名。

 $\text{Chrom} = \begin{pmatrix} g_{1,1} & g_{1,2} & g_{1,3} & \cdots & g_{1,Lind} \\ g_{2,1} & g_{2,2} & g_{2,3} & \cdots & g_{2,Lind} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ g_{Nind,1} & g_{Nind,2} & g_{Nind,3} & \cdots & g_{Nind,Lind} \end{pmatrix}$

$$\left(g_{Nind,1} \ g_{Nind,2} \ g_{Nind,3} \ \cdots \ g_{Nind,Lind}\right)$$
 对于多种群,Geatpy 有 2 种设计,一种是将子种群全部放在一个大的种群内,称为"基于种群 Chrom 的子种群划分",此时所有子种群的染色体编码是一样的;另一种是

Chrom =
$$\begin{bmatrix} subchrom_2_ind_n \\ \vdots \\ subchrom_subpop_ind_1 \\ subchrom_subpop_ind_2 \\ \vdots \\ subchrom_subpop_ind_n \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 3 & 4 & 1 \\ 3 & 1 & 4 & 2 \\ 4 & 2 & 3 & 1 \end{bmatrix}$$
子种群,那么,前两个个体(前两行)就种群。种群个体的染色体为:1234, 23

Phen 的值与采用的解码方式有关。Geatpy 提供二进制/格雷码编码转十进制整数或

实数的解码方式。另外,在 Geatpy 也可以使用不需要解码的"实值编码"种群,这种种

种群表现型的数据结构跟种群染色体基本一致,也是 numpy 的 array 类型。我们一

般用 Phen 来命名。它是种群矩阵 Chrom 经过解码操作后得到的基因表现型矩阵,每一

行对应一个个体,每行中每个元素都代表着一个变量,并用 Nvar 表示变量的个数。如

有多列。 例如 ObjV 是一个二元函数值矩阵: $(x_{1,2}, \cdots x_{1,Nvar}), f_2(x_{1,1}, x_{1,2}, \cdots x_{1,Nvar})$

5. 个体可行性 Geatpy 采用**列向量**来存储种群个体可行性。一般命名为 LegV,它同样是 numpy 的 array 类型,每一行对应种群矩阵的每一个个体,表示对应的个体是否是可行解,0表示 非可行解,1表示可行解。因此它拥有与Chrom相同的行数。 $\operatorname{Leg} V = \left(egin{array}{c} \operatorname{Leg} al_1 \\ \operatorname{Leg} al_2 \\ \operatorname{Leg} al_3 \\ \vdots \end{array} \right)$

 $\operatorname{FitnV} = \left(egin{array}{c} fit_1 \ fit_2 \ fit_3 \ dots \end{array}
ight)$

其中,
$$lens$$
 包含染色体的每个子染色体的长度。 $sum(lens)$ 等于染色体长度。 lb 和 ub 分别代表每个变量的上界和下界。 $codes$ 指明染色体子串用的是标准二进制编码还是格雷编码。 $codes[i]=0$ 表示第 i 个变量使用的是标准二进制编码; $codes[i]=1$ 表示使用格雷编码。 $scales$ 指明每个子串用的是算术刻度还是对数刻度。 $scales[i]=0$ 为算术刻度, $scales[i]=1$ 为对数刻度。对数刻度可以用于变量的范围较大而且不确定的情况,对

2) 对于实值编码 (即前面所说的不需要解码的编码方式) 的种群,使用 2 行 n 列的 矩阵 FieldDR 来作为区域描述器,n 是染色体所表达的控制变量个数。FieldDR 的结构 如下:

区域描述器 FieldD 和 FieldDR 都是 numpy 的 array 类型。可以直接用代码创建,比

也可以用 Geatpy 内置的 crtfld 函数来方便地快速生成区域描述器,其详细用法参见

于大范围的参数边界,对数刻度让搜索可用较少的位数,从而减少了遗传算法的计算量。

(NDSet) 来记录帕累托最优解。它也是 numpy 的 array 类型,结构如下: $\begin{pmatrix} f_1 & g_1 & h_1 & \cdots & \varphi_1 \end{pmatrix}$

 $NDSet = \begin{pmatrix} f_2 & g_2 & h_2 & \cdots & \varphi_2 \\ f_3 & g_3 & h_3 & \cdots & \varphi_3 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ f_n & g_n & h_n & \cdots & \varphi_n \end{pmatrix}$

 $f,g,h,...,\varphi$ 表示不同的目标。NDSet 的每一行都是一个帕累托非支配解。

采用多个 Chrom 变量来表示多个子种群。此时子种群的染色体编码可以不一样。 对于基于种群染色体矩阵 Chrom 的子种群, 子种群之间必须有相同数量的个体, 并 且按照下列方案进行有序排列:

下图:
$$\begin{pmatrix} x_{1,1} \\ x_{2,1} \end{pmatrix}$$

2. 种群表现型

3. 目标函数值

群的染色体的每个基因就对应变量的实际值,即 Phen 等价于 Chrom。如上面的例子中, Chrom 是种群的染色体矩阵, 其第一个个体的染色体为 1234, 若该种群是实值种群, 那 么这条染色体就代表了4个控制变量,值分别为1.2.3和4。 这里需要注意的是:我们可以用不同的方式去解码一个种群染色体,得到的结果往 往是不同的。

 $\mathsf{ObjV} = \begin{pmatrix} f_1\left(x_{1,1}, x_{1,2}, \cdots x_{2,Nvar}\right), f_2\left(x_{2,1}, x_{2,2}, \cdots x_{2,Nvar}\right) \\ f_1\left(x_{2,1}, x_{2,2}, \cdots x_{2,Nvar}\right), f_2\left(x_{3,1}, x_{3,2}, \cdots x_{3,Nvar}\right) \\ \vdots \\ f_1\left(x_{Nind,1}, x_{Nind,2}, \cdots x_{Nind,Nvar}\right), f_2\left(x_{Nind,1}, x_{Nind,2}, \cdots x_{Nind,Nvar}\right) \end{pmatrix}$ 4. 个体适应度 Geatpy 采用**列向量**来存储种群个体适应度。一般命名为 FitnV,它同样是 numpy 的 array 类型,每一行对应种群矩阵的每一个个体。因此它拥有与 Chrom 相同的行数。

$$lbin$$
 和 $ubin$ 指明了变量是否包含其范围的边界。0 表示不包含边界;1 表示包含边界。

2) 对于实值编码 (即前面所说的不需要解码的编码方式) 的种群,使用 2 行 n 列的矩阵 FieldDR 来作为区域描述器, n 是染色体所表达的控制变量个数。FieldDR 的结构如下:
$$\begin{pmatrix} x_1 \\ x_1 \\ x_1 \\ x_1 \\ x_1 \\ x_n \\ x_n$$

FieldDR=np.array([[-3, -4, 0, 2],

"Geatpy 函数"的"crtfld 参考资料"。

[2, 3, 2, 2]])

如:

7. 进化追踪器

如下:

 $\operatorname{trace} = \begin{pmatrix} a_1 & b_1 & c_1 & \cdots & \omega_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 & \cdots & \omega_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 & \cdots & \omega_3 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{MAXGEN} & b_{MAXGEN} & c_{MAXGEN} & \cdots & \omega_{MAXGEN} \end{pmatrix}$ 其中 MAXGEN 是种群进化的代数。trace 的每一列代表不同的指标,比如第一列记 录各代种群的最佳目标函数值,第二列记录各代种群的平均目标函数值·····trace 的每 一行对应每一代,如第一行代表第一代,第二行代表第二代……

8. 全局最优集 在使用 Geatpy 进行多目标进化优化编程时,常常建立一个全局的帕累托最优集

 $subchrom_2$ ind_1 比如如下种群: