## 数字信号处理 作业四

你的名字 你的学号 2022 年 12 月 9 日

## 作业提交注意事项

- (1) 本次作业提交截止时间为 **2022/12/18 23:59:59**, 截止时间后不再接收作业,本次作业记零分;
- (2) 作业提交方式: 使用此 LATEX 模板书写解答,只需提交编译生成的 pdf 文件,将 pdf 文件以 sftp 方式上传,账号为 dsp2022,密码为 12345asd!@。请远程连接 sftp://www.lamda.nju.edu.cn,提交到 /D:/courses/DSP2022/HW/HW4 路径下。
- (3) 文件命名方式: 学号-姓名-作业号-v 版本号, 例 MG1900000-张三-4-v1; 如果需要 更改已提交的解答,请在截止时间之前提交新版本的解答,并将版本号加一;
- (4) 未按照要求提交作业,或 pdf 命名方式不正确,将会被扣除部分作业分数。

## 1 [60pts] 拉普拉斯变换

- 1. 计算下列函数的拉普拉斯变换.
  - (1)  $te^{-(t-2)}u(t-1)$
  - (2)  $e^{-at}f(\frac{t}{a})$ , 己知  $\mathcal{L}[f(t)] = F(s)$
  - $(3) t^2 \cos(2t)$
  - $(4) t^n u(t)$

(5) 
$$f(t) = \begin{cases} \sin(\omega t) & 0 < t < \frac{T}{2}, \ T = \frac{2\pi}{\omega} \\ 0 & t$$
 为其他值

- 2. 求  $\frac{4s+5}{s^2+5s+6}$  的拉普拉斯反变换.
  - 你的解答。

## 2 [40pts] 拉普拉斯变换的应用

已知一连续时间 LTI 系统的零状态响应

$$y(t) = (1 + 0.6e^{-20t} - 1.6e^{-10t}) x(t)$$

已知 x(t) = u(t), 由 s 域求解:

- (1) 该系统的系统函数 H(s) 并画出零极点分布图;
- (2) 写出描述系统的微分方程和系统, 并求 h(t);
- (3) 判断系统是否因果稳定.