NOIP 2019 模拟赛 Contest 14

 ${\it diamond_duke}$

题目名称	游戏	面积	删除
可执行文件名	game	area	delete
输入文件名	标准输入	标准输入	标准输入
输出文件名	标准输出	标准输出	标准输出
时间限制	1s	1s	1s
内存限制	512MB	512MB	512MB
子任务个数	4	4	5
题目类型	传统型	传统型	传统型

请注意: 评测时开启 02 优化和 C++11 编译选项, 栈空间限制同空间限制。

1 游戏

1.1 Problem Statement

小 D 和小 Y 正在玩游戏。

小 D 和小 Y 画出了一棵 n 个节点的树,这棵树的节点依次编号为 $1,2,\cdots,n$ 。 我们定义节点 1 为这棵树的根节点,定义**叶子**节点是指**除了根节点以外**,只与恰好一个节点相邻的节点。

初始时,在根节点处有一个棋子。小 Y 想要把棋子移动到叶子节点,而小 D 想要阻止他。

具体而言,小 D 和小 Y 会轮流进行操作,小 D 先操作。对于每次操作,小 D 会选择一个叶子把它涂黑,而小 Y 会将棋子向一个相邻的点移动。

如果小 Y 成功地将棋子移动到了**没有涂黑**的叶子,或小 D 成功地将**所有叶子**都涂黑了,那么游戏结束,达成目标的人获胜。

小 D 和小 Y 想要知道,如果他们都以最优策略进行游戏,那么谁会获胜。但是他们并不会,请你帮帮他们。

1.2 Input Format

从标准输入读入数据。

第一行一个空格隔开的整数 n, 表示树的节点数。

第二行 n-1 个空格隔开的数 p_2, p_3, \cdots, p_n , 其中 p_i 表示节点 i 的父亲节点。

1.3 Output Format

向标准输出输出答案。

输出一行一个字符串, 若小 D 获胜, 则输出 D, 否则输出 Y。

1.4 Sample 1

1.4.1 Input

3

1 1

1.4.2 Output

Y

1.5 Sample 2

见下发文件 game/game2.in 与 game/game2.ans。

1.6 Sample 3

见下发文件 game/game3.in 与 game/game3.ans。

1.7 Constraints

对于所有测试数据, $2 \le n \le 10^5$, $1 \le p_i < i$ 。

- 子任务 1 (20 分): $n \le 10$;
- 子任务 2 (20 分): $n \le 500$;
- 子任务 3 (25 分): n ≤ 5000;
- 子任务 4 (35 分): 无特殊限制。

2 面积

2.1 Problem Statement

小D正在研究面积。

小 D 画了一个凸多边形,这个凸多边形共有 n 个顶点。在把顶点按照**顺时针**顺序排列后,第 i 个顶点的坐标是 (x_i, y_i) 。

小 D 想要知道, 如果他随机剪掉这个凸多边形的一些角, 那么剩下的凸多边形面积会是多大。

具体而言,小 D 想要知道,从顶点中等概率随机选择 k 个顶点,并将这些点顺次连接后得到的凸多边形面积的期望。如果你不知道期望是什么,你可以把它理解为所有可能的情况中,得到的凸多边形面积的平均数。

但是他并不会,请你帮帮他。

2.2 Input Format

从标准输入读入数据。

第一行两个整数 n,k,表示凸多边形的顶点个数,以及选择的顶点个数。

接下来 n 行,每行两个**小数点后不超过** 6 **位的浮点数** x_i, y_i ,表示第 i 个顶点的 坐标是 (x_i, y_i) 。

2.3 Output Format

向标准输出输出答案。

输出一行一个浮点数,表示得到的凸多边形面积的期望。你的答案被认为是正确的,当且仅当相对误差或绝对误差不超过 10^{-6} 。形式化地,若你的答案为 a 而参考答案为 b,则你的答案被认为是正确的当且仅当 $\min\{|a-b|,|a-b|/b\} \le 10^{-6}$ 。

2.4 Sample 1

2.4.1 Input

- 4 3
- 0 0
- 1 1
- 2 1
- 1 0

2.4.2 Output

0.5

2.5 Sample 2

见下发文件 area/area2.in 与 area/area2.ans。

2.6 Sample 3

见下发文件 area/area3.in 与 area/area3.ans。

2.7 Constraints

对于所有测试数据, $3 \le k \le n \le 2500$, $-10 \le x_i, y_i \le 10$,保证顶点按照顺时针顺序给出,保证任意三个顶点不共线,保证输入的浮点数小数点后不超过 6 位。

- 子任务 1 (20 分): $n \le 20$;
- 子任务 2 (20 分): $n \le 50$;
- 子任务 3 (30 分): n ≤ 500;
- 子任务 4 (30 分): 无特殊限制。

3 删除

3.1 Problem Statement

小 D 正在玩删除游戏。

这个删除游戏中共有 2n 个点,他们被等距地排列成了两行,每行都有 n 个点。 在游戏的初始状态中,每个点都有一根绳子与另一侧的某个点相连。形式化地,存 在一个 $1,2,\cdots,n$ 的排列 p_1,p_2,\cdots,p_n ,使得第一行的第 i 个点与第二行的第 p_i 个 点之间有绳子相连,而除此之外没有任何绳子存在。

小 D 每次可以付出一些代价来删除一根绳子。具体地,小 D 可以花费 w_i 的代价删除第一行第 i 个点以及第二行第 p_i 个点之间的绳子。

我们用 (a,b) 表示连接第一行第 a 个点以及第二行第 b 个点的绳子。我们称两根绳子 (a,b) 以及 (c,d) 相交,当且仅当 a < c,b > d,或 a > c,b < d 成立。

在删除的过程中,如果小 D 删除了一根绳子,那么所有与这根绳子相交的绳子也同时会被删去(这不用花费任何额外的代价)。

小 D 想要知道,删除完所有绳子需要的最小代价是多少。 但是他并不会,请你帮帮他。

3.2 Input Format

从标准输入读入数据。

第一行一个整数 n,表示每一行的节点个数。

第二行 n 个空格隔开的整数 p_1, p_2, \cdots, p_n ,表示绳子的连接方式。

第三行 n 个空格隔开的整数 w_1, w_2, \dots, w_n ,表示删除绳子的代价。

3.3 Output Format

向标准输出输出答案。

输出一行一个整数,表示删除完所有绳子的最小代价。

3.4 Sample 1

3.4.1 Input

5

3 1 4 5 2

3 4 3 4 1

3.4.2 Output

5

3.5 Sample 2

见下发文件 delete/delete2.in 与 delete/delete2.ans。

3.6 Sample 3

见下发文件 delete/delete3.in 与 delete/delete3.ans。

3.7 Constraints

对于所有测试数据, $1 \leq n \leq 2 \times 10^5$, p_1, p_2, \cdots, p_n 是一个 $1, 2, \cdots, n$ 的排列, $1 \leq w_i \leq 10^4$ 。

- 子任务 1 (15 分): $n \le 10$;
- 子任务 2 (20 分): $n \le 1000$;
- 子任务 3 (20 分): |i − p_i| ≤ 5;
- 子任务 4 (25 分): $n \le 10^5$;
- 子任务 5 (20 分): 无特殊限制。