

# Day 7 solution

faebdc

2016 年 5 月 29 日

# 数值修改

100分:

# 数值修改

## 算法1

# 数值修改

## 算法1

$f_i$ 表示 $i$ 最少经过多少次变成0。进行dp。

# 数值修改

## 算法1

$f_i$ 表示 $i$ 最少经过多少次变成0。进行dp。

时间复杂度： $O(n)$

# 数值修改

## 算法1

$f_i$ 表示 $i$ 最少经过多少次变成0。进行dp。

时间复杂度： $O(n)$

期望得分：30分

# 数值修改

## 算法2

# 数值修改

## 算法2

可以发现，每次减去最大的数一定是最优的。



# 数值修改

## 算法2

可以发现，每次减去最大的数一定是最优的。  
模拟这个过程。

# 数值修改

## 算法2

可以发现，每次减去最大的数一定是最优的。  
模拟这个过程。

时间复杂度： $O(n)$

# 数值修改

## 算法2

可以发现，每次减去最大的数一定是最优的。  
模拟这个过程。

时间复杂度： $O(n)$

期望得分：30分

# 数值修改

## 算法3

# 数值修改

## 算法3

把数的前6位与后6位分开考虑。前6位的变化次数是 $O(\sqrt{n})$ 的。我们需要快速计算前6位在几次之后发生变化，并且需要得到变化之后的数字。

# 数值修改

## 算法3

把数的前6位与后6位分开考虑。前6位的变化次数是 $O(\sqrt{n})$ 的。我们需要快速计算前6位在几次之后发生变化，并且需要得到变化之后的数字。

前6位中的最大值相同时，后6位的这些变化是相同的。所以对于每一个前6位中的最大值，都预处理一下就可以了。

# 数值修改

## 算法3

把数的前6位与后6位分开考虑。前6位的变化次数是 $O(\sqrt{n})$ 的。我们需要快速计算前6位在几次之后发生变化，并且需要得到变化之后的数字。

前6位中的最大值相同时，后6位的这些变化是相同的。所以对于每一个前6位中的最大值，都预处理一下就可以了。

时间复杂度： $O(\sqrt{n})$

# 数值修改

## 算法3

把数的前6位与后6位分开考虑。前6位的变化次数是 $O(\sqrt{n})$ 的。我们需要快速计算前6位在几次之后发生变化，并且需要得到变化之后的数字。

前6位中的最大值相同时，后6位的这些变化是相同的。所以对于每一个前6位中的最大值，都预处理一下就可以了。

时间复杂度： $O(\sqrt{n})$

期望得分：60分



# 数值修改

## 算法4

# 数值修改

## 算法4

定义 $f[i][j][k]$ 表示 $i$ 位数，前 $i - 1$ 为是9，个位是 $j$ ，每次操作若各个数位上的数都小于 $k$ ，则减去 $k$ ，否则减去各个数位上的数中的最大值，将数减成负数需要多少次，同时记录那个负数是几。

# 数值修改

## 算法4

定义 $f[i][j][k]$ 表示 $i$ 位数，前 $i - 1$ 为是9，个位是 $j$ ，每次操作若各个数位上的数都小于 $k$ ，则减去 $k$ ，否则减去各个数位上的数中的最大值，将数减成负数需要多少次，同时记录那个负数是几。

初始化 $f$ 数组后通过 $f$ 数组的值计算答案即可。

# 数值修改

## 算法4

定义 $f[i][j][k]$ 表示 $i$ 位数，前 $i-1$ 为是9，个位是 $j$ ，每次操作若各个数位上的数都小于 $k$ ，则减去 $k$ ，否则减去各个数位上的数中的最大值，将数减成负数需要多少次，同时记录那个负数是几。

初始化 $f$ 数组后通过 $f$ 数组的值计算答案即可。

时间复杂度： $O(\log n)$

# 数值修改

## 算法4

定义 $f[i][j][k]$ 表示 $i$ 位数，前 $i - 1$ 为是9，个位是 $j$ ，每次操作若各个数位上的数都小于 $k$ ，则减去 $k$ ，否则减去各个数位上的数中的最大值，将数减成负数需要多少次，同时记录那个负数是几。

初始化 $f$ 数组后通过 $f$ 数组的值计算答案即可。

时间复杂度： $O(\log n)$

期望得分：100分

# 覆盖

100分:

# 覆盖

## 算法1

# 覆盖

## 算法1

路径两两枚举，暴力判断。



# 覆盖

## 算法1

路径两两枚举，暴力判断。

时间复杂度： $O(n \cdot m^2)$

# 覆盖

## 算法1

路径两两枚举，暴力判断。

时间复杂度： $O(n \cdot m^2)$

期望得分：30分

# 覆盖

## 算法2

# 覆盖

## 算法2

若 $a$ 在 $c$ 的子树内， $b$ 在 $d$ 的子树内，那么 $(a, b)$ 就覆盖了 $(c, d)$ 。

# 覆盖

## 算法2

若 $a$ 在 $c$ 的子树内， $b$ 在 $d$ 的子树内，那么 $(a, b)$ 就覆盖了 $(c, d)$ 。

可以用dfs序判断是否在子树内。

# 覆盖

## 算法2

若 $a$ 在 $c$ 的子树内， $b$ 在 $d$ 的子树内，那么 $(a, b)$ 就覆盖了 $(c, d)$ 。

可以用dfs序判断是否在子树内。

路径两两枚举，借助dfs序判断。

# 覆盖

## 算法2

若 $a$ 在 $c$ 的子树内， $b$ 在 $d$ 的子树内，那么 $(a, b)$ 就覆盖了 $(c, d)$ 。

可以用dfs序判断是否在子树内。

路径两两枚举，借助dfs序判断。

时间复杂度： $O(m^2)$

# 覆盖

## 算法2

若 $a$ 在 $c$ 的子树内， $b$ 在 $d$ 的子树内，那么 $(a, b)$ 就覆盖了 $(c, d)$ 。

可以用dfs序判断是否在子树内。

路径两两枚举，借助dfs序判断。

时间复杂度： $O(m^2)$

期望得分：60分



# 覆盖

## 算法3

# 覆盖

## 算法3

对于一条路径( $a, b$ ), 求有多少条路径覆盖了它, 也就是求有多少路径的一端在 $a$ 的子树中, 一端在 $b$ 的子树中。

# 覆盖

## 算法3

对于一条路径( $a, b$ ), 求有多少条路径覆盖了它, 也就是求有多少路径的一端在 $a$ 的子树中, 一端在 $b$ 的子树中。

这就相当于是求矩形内点的个数。

# 覆盖

## 算法3

对于一条路径 $(a, b)$ ，求有多少条路径覆盖了它，也就是求有多少路径的一端在 $a$ 的子树中，一端在 $b$ 的子树中。

这就相当于是求矩形内点的个数。

可以用扫描线的方法求出。

# 覆盖

## 算法3

对于一条路径( $a, b$ ), 求有多少条路径覆盖了它, 也就是求有多少路径的一端在 $a$ 的子树中, 一端在 $b$ 的子树中。

这就相当于是求矩形内点的个数。

可以用扫描线的方法求出。

时间复杂度:  $O(n \log n)$

# 覆盖

## 算法3

对于一条路径 $(a, b)$ ，求有多少条路径覆盖了它，也就是求有多少路径的一端在 $a$ 的子树中，一端在 $b$ 的子树中。

这就相当于是求矩形内点的个数。

可以用扫描线的方法求出。

时间复杂度： $O(n \log n)$

期望得分：100分

# 机器人

100分:

# 机器人

## 算法1



# 机器人

算法1

模拟

# 机器人

算法1

模拟

时间复杂度:  $O(nm)$

# 机器人

算法1

模拟

时间复杂度:  $O(nm)$

期望得分: 20分

# 机器人

## 算法2

# 机器人

## 算法2

速度只会是-1、0、1时，对三个速度各自维护最大、最小值。

# 机器人

## 算法2

速度只会是-1、0、1时，对三个速度各自维护最大、最小值。

时间复杂度： $O(m \log n)$

# 机器人

## 算法2

速度只会是-1、0、1时，对三个速度各自维护最大、最小值。

时间复杂度： $O(m \log n)$

期望得分：10分

# 机器人

## 算法3



# 机器人

## 算法3

机器人碰面次数较少时，可以用平衡树维护机器人先后顺序。

# 机器人

## 算法3

机器人碰面次数较少时，可以用平衡树维护机器人先后顺序。

用堆记录相邻机器人下一次碰面的时间，每次取最早的时间调整平衡树中的顺序。

# 机器人

## 算法3

机器人碰面次数较少时，可以用平衡树维护机器人先后顺序。

用堆记录相邻机器人下一次碰面的时间，每次取最早的时间调整平衡树中的顺序。

时间复杂度： $O(4 \times 10^5 \log n)$

# 机器人

## 算法3

机器人碰面次数较少时，可以用平衡树维护机器人先后顺序。

用堆记录相邻机器人下一次碰面的时间，每次取最早的时间调整平衡树中的顺序。

时间复杂度： $O(4 \times 10^5 \log n)$

期望得分：20分

# 机器人

## 算法4

# 机器人

## 算法4

每个机器人的位置是关于时间的分段函数。我们关心的是这些分段函数在每个时刻的最大值和最小值。下面考虑如何求最大值，最小值的求法类似。

# 机器人

## 算法4

每个机器人的位置是关于时间的分段函数。我们关心的是这些分段函数在每个时刻的最大值和最小值。下面考虑如何求最大值，最小值的求法类似。

对于一个 $a$ 段的函数和一个 $b$ 段的函数，可以以 $O(a + b)$ 的时间复杂度将它们合并成一个 $O(a + b)$ 段的函数。

# 机器人

## 算法4

每个机器人的位置是关于时间的分段函数。我们关心的是这些分段函数在每个时刻的最大值和最小值。下面考虑如何求最大值，最小值的求法类似。

对于一个 $a$ 段的函数和一个 $b$ 段的函数，可以以 $O(a + b)$ 的时间复杂度将它们合并成一个 $O(a + b)$ 段的函数。

最少次数是多少？



# 机器人

## 算法4

每个机器人的位置是关于时间的分段函数。我们关心的是这些分段函数在每个时刻的最大值和最小值。下面考虑如何求最大值，最小值的求法类似。

对于一个 $a$ 段的函数和一个 $b$ 段的函数，可以以 $O(a + b)$ 的时间复杂度将它们合并成一个 $O(a + b)$ 段的函数。

最少次数是多少？

合并果子

# 机器人

## 算法4

每个机器人的位置是关于时间的分段函数。我们关心的是这些分段函数在每个时刻的最大值和最小值。下面考虑如何求最大值，最小值的求法类似。

对于一个 $a$ 段的函数和一个 $b$ 段的函数，可以以 $O(a + b)$ 的时间复杂度将它们合并成一个 $O(a + b)$ 段的函数。

最少次数是多少？

合并果子    哈夫曼树

# 机器人

## 算法4

每个机器人的位置是关于时间的分段函数。我们关心的是这些分段函数在每个时刻的最大值和最小值。下面考虑如何求最大值，最小值的求法类似。

对于一个 $a$ 段的函数和一个 $b$ 段的函数，可以以 $O(a + b)$ 的时间复杂度将它们合并成一个 $O(a + b)$ 段的函数。

最少次数是多少？

合并果子    哈夫曼树

每次选取段数最少的两个函数合并。

# 机器人

## 算法4

每个机器人的位置是关于时间的分段函数。我们关心的是这些分段函数在每个时刻的最大值和最小值。下面考虑如何求最大值，最小值的求法类似。

对于一个 $a$ 段的函数和一个 $b$ 段的函数，可以以 $O(a + b)$ 的时间复杂度将它们合并成一个 $O(a + b)$ 段的函数。

最少次数是多少？

合并果子    哈夫曼树

每次选取段数最少的两个函数合并。

时间复杂度： $O((n + m) \log n)$

# 机器人

## 算法4

每个机器人的位置是关于时间的分段函数。我们关心的是这些分段函数在每个时刻的最大值和最小值。下面考虑如何求最大值，最小值的求法类似。

对于一个 $a$ 段的函数和一个 $b$ 段的函数，可以以 $O(a + b)$ 的时间复杂度将它们合并成一个 $O(a + b)$ 段的函数。

最少次数是多少？

合并果子    哈夫曼树

每次选取段数最少的两个函数合并。

时间复杂度： $O((n + m) \log n)$

期望得分：100分

# Q&A