2020 省选模拟赛 凸包的价值(value)

凸包的价值 (value)

【题目描述】

宫水三叶擅长手工,比如用绳子围住一个带钉子的木板。

这是一个很大的木板,我们可以用一个平面直角坐标系来描述它。

木板上面有n个钉子, 第i个钉子的坐标为(x_i, y_i)。

三叶可以用一些绳子连接一些点,这些绳子连接的点有一个限制。

首先,这些绳子连成的图形必须要是一个封闭的凸多边形。其次,绳子可能经过除端点外的其它点,但是没有两条绳子在同一条**直线**上。<u>形象化的说,这是一个凸包,使</u>用的绳子数就是边数。

对于一个图形, 我们可以把所有钉子分成三类。

- 1. 凸包的顶点。
- 2. 在凸包内或在凸包边上,但是不是凸包顶点。
- 3. 不在凸包内。

假设这三类点分别有x,y,z个,那么三叶认为这个图形的价值为 $xa^xb^yc^z$,其中a,b,c为给定的三个整数,它们之间有个特殊的关系a+c=b。

三叶想知道,对于所有不同的图形,它们各自的价值的总和是多少。

两个图形A,B不同,只需要满足其中某一条绳子在A中出现并且在B中没出现或者在B中出现并且在A中没出现。

【输入格式】

从文件 value.in 中读入数据。

总共n+2,第一行一个整数n,表示钉子的个数。

第二行三个整数a,b,c。

接下来n行,每一行两个整数 x_i, y_i ,表示第i个钉子的坐标。

【输出格式】

输出到文件 value.out 中。

输出一行,一个整数,表示价值的总和。为了避免答案过大,你只需要输出答案对 $10^9 + 7$ 取模的结果即可。

2020 省选模拟赛 凸包的价值(value)

【样例1输入】

4

2 5 3

1 0

3 3

1 3

2 2

【样例1输出】

336

【样例1解释】

如右图,四个钉子的坐标为(1,0),(3,3),

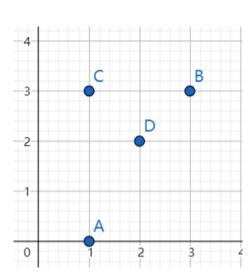
(1,3),(2,2)

因此总共有四种不同的图形。分别是三角形 *ABC,ADC,ADB,BCD*。

对于三角形ABC,点D在三角形内部。所以它的价值为 $5 \times 2^3 \times 3 = 120$ 。

对于剩下的三个三角形,另一个点在三角形外。 那么它的价值为 $3 \times 2^3 \times 3 = 72$ 。

总价值为 $120 + 3 \times 72 = 336$ 。



【样例2输入】

见选手目录下 value\value.in。

【样例2输出】

见选手目录下 value\value.ans。

【样例2解释】

样例二满足 $n \leq 19$ 。

2020 省选模拟赛 凸包的价值(value)

【数据范围和提示】

本题采用捆绑测试。

对于所有数据,满足 $1 \le n \le 2 \times 10^3$, $0 \le x_i$, $y_i \le 10^9$, $1 \le a$, b, $c \le 10^9$ 。数据保证a + c = b和任意两个钉子坐标不同。每个子任务见下表。

子任务编号	n	特殊性质	分值
1	≤ 19	无	3
2	≤ 50	无	29
3	≤ 100	无	10
4	≤ 300	无	10
5	= 900	特殊性质 A	8
6	≤ 2000	特殊性质 B	5
7	≤ 2000	无	35

特殊性质 A:满足 $1 \le x_i, y_i \le 30$ 。

特殊性质 B:对于每个钉子满足 $x_i = 1$ 或 $y_i = 1$ 。