

Affine Cipher

Decryption

- $N \rightarrow$ the size of the character
- $\{0, n-1\}$

An Example:

- plaintext: Hacker

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25

$H \rightarrow 7 \rightarrow x$
 $A \rightarrow 0 \rightarrow x$
 $C \rightarrow 2 \rightarrow x$
 $k \rightarrow 10 \rightarrow x$
 $e \rightarrow 4 \rightarrow x$
 $r \rightarrow 17 \rightarrow x$

• Formula: $(Ax + B) \bmod m$

• 'm' is the size of the alphabet

'A' and 'B' are the keys.

$m \rightarrow 26$
 $a \rightarrow 5$
 $b \rightarrow 8$

$H : (5 \cdot 7 + 8) \bmod 26 \rightarrow 17 \rightarrow R$
 $A : (5 \cdot 0 + 8) \bmod 26 \rightarrow 8 \rightarrow I$
 $C : (5 \cdot 2 + 8) \bmod 26 \rightarrow 18 \rightarrow S$
 $k : (5 \cdot 10 + 8) \bmod 26 \rightarrow 6 \rightarrow G$
 $e : (5 \cdot 4 + 8) \bmod 26 \rightarrow 2 \rightarrow C$
 $r : (5 \cdot 17 + 8) \bmod 26 \rightarrow 15 \rightarrow P$

plaintext	cipher
Hacker	RISGCP

$R : 17 \rightarrow y$

$I : 8 \rightarrow y$

$S : 18 \rightarrow y$

$G : 6 \rightarrow y$

$C : 2 \rightarrow y$

$P : 15 \rightarrow y$

\Rightarrow Encryption

$$\begin{aligned}
 D(E(x)) &= a^{-1}(E(x) - b) \bmod m \\
 &= a^{-1}(((ax + b) \bmod m) - b) \bmod m \\
 &= a^{-1}(ax + b - b) \bmod m \\
 &= a^{-1}ax \bmod m \\
 &= x \bmod m
 \end{aligned}$$

$$21(y - 8) \bmod 26$$

$$R \Rightarrow 21(17 - 8) \bmod 26 \rightarrow 7 \rightarrow H$$

$$I \Rightarrow 21(8 - 8) \bmod 26 \rightarrow 0 \rightarrow A$$

$$S \Rightarrow 21(18 - 8) \bmod 26 \rightarrow 2 \rightarrow C$$

$$G \Rightarrow 21(6 - 8) \bmod 26 \rightarrow 10 \rightarrow K$$

$$C \Rightarrow 21(2 - 8) \bmod 26 \rightarrow 4 \rightarrow E$$

$$P \Rightarrow 21(15 - 8) \bmod 26 \rightarrow 17 \rightarrow R$$