Варианты заданий для лабораторной работы «Исследование генераторов случайных чисел»

В предлагаемой лабораторной работе проводится сравнение генератора случайных чисел RN_A с генератором случайных чисел RN_B . Во всех экспериментах математическое ожидание генерируемой случайной величины должно быть равно B. При этом эксперименты проводятся для следующих функций распределения:

- 1) равномерное распределение случайной величины, принимающей значения от Γ до \mathcal{A} с математическим ожиданием B;
- 2) экспоненциальное распределение, смещённое вправо на E (случайная величина принимает значения от E до $+\infty$ с математическим ожиданием B);
- 3) распределение Эрланга порядка \ddot{E} (случайная величина принимает значения от 0 до $+\infty$ с математическим ожиданием B);
- 4) гиперэкспоненциальное распределение с математическим ожиданием B (параметры фаз гиперэкспоненциального распределения подбираются самостоятельно).

Пусть Φ , U, O – это количество букв в фамилии, имени и отчестве студента соответственно. Величины от A до \ddot{E} выбираются индивидуально каждым студентом следующим образом:

- A = Φ * Η
- B = A + 1
- $B = \Phi * O * 1000$
- $\Gamma = B / И$ (целочисленное деление)
- E = Γ
- $\ddot{E} = 3 + (A \mod 6)$, где запись «x mod y» означает «взять остаток от деления x на y»

Пример расчёта параметров варианта

Пусть студента зовут Акакий Акакиевич Башмачкин, тогда:

- A = 6 * 9 = 54
- B = 54 + 1 = 55
- B = 6 * 9 = 1000 = 54000
- $\Gamma = 54000 / 9 = 6000$
- II = 102000
- $\vec{E} = 6000$
- $\ddot{E} = 3 + (54 \mod 6) = 3$

Это значит, что два исследуемых генератора равномерного распределения должны создавать случайные числа в интервале от 6000 до 102000, используя для этого библиотечные генераторы равномерных случайных величин RN54 и RN55, например: (6000 + 96#RN54), где знак «#» означает умножение в системе GPSS World.

Исследуемые генераторы экспоненциально распределённых случайных величин должны создавать числа в интервале от 6000 до $+\infty$ при математическом ожидании 54000. Исследуемое распределение Эрланга имеет порядок 3 и должно генерировать величины от 0 до до $+\infty$ при математическом ожидании 54000. Исследуемое гиперэкспоненциальное распределение имеет математическое ожидание те же 54000.

Особое внимание следует уделить выбору шага гистограммы и количеству столбиков в ней. В отчёте нужно привести следующие графические материалы (в дополнение к указанным в задании):

- гистограммы, построенные по экспериментальным данным (можно либо взять скриншоты из GPSS, либо построить гистограммы вручную в Excel по данным отчёта моделирования);
- графики плотности распределения и графики функции распределения, построенные для теоретических значений равномерного, экспоненциального, распределения Эрланга и гиперэкспоненциального распределения в соответствии с вариантом.

Общие замечания

- Отчёт желательно оформить в электронном виде.
- Защиту лабораторной работы можно осуществлять на компьютере по электронному отчёту.
- Задание можно выполнять в парах или тройках (в этом случае можно взять вариант любого из двух студентов).