\$SPAD/src/input rich11b.input

Albert Rich and Timothy Daly August 26, 2013

Abstract

 $x^m (d+e x)^n (a+b x+c x^2)^p$ There are:

- 255 integrals in this file.
- $\bullet~255$ supplied "optimal results".
- 266 matching answers.
- 0 cases where Axiom answer differs from Rubi
- 60 cases where Axiom supplied 2 results.
- $\bullet\,$ 0 cases that Axiom failed to integrate.
- 49 that contain expressions Axiom does not recognize.

Contents

```
__ * __
)set break resume
)sys rm -f rich11b.output
)spool rich11b.output
)set message test on
)set message auto off
)clear all
--S 1 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)/x
--R
--R
--R
            3 2
      Bcx + Acx + Bax + Aa
--R
--R (1) -----
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1
--S 2 of 1396
r0:=a*B*x+1/2*A*c*x^2+1/3*B*c*x^3+a*A*log(x)
--R
--R
--R
                         3
--R
         6A \text{ a log}(x) + 2B \text{ c } x + 3A \text{ c } x + 6B \text{ a } x
--R
    (2) -----
--R
                          6
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 2
--S 3 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                      3 2
--R
--R
        6A \ a \ log(x) + 2B \ c \ x + 3A \ c \ x + 6B \ a \ x
--R
    (3) -----
--R
                          6
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 3
--S 4 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 4
```

```
--S 5 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 5
)clear all
--S 6 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)/x^2
--R
--R
--R
            3 2
--R B c x + A c x + B a x + A a
--R (1) -----
                   2
--R
--R
                    x
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 6
--S 7 of 1396
r0:=-a*A/x+A*c*x+1/2*B*c*x^2+a*B*log(x)
--R
--R
--R
                         3 2
--R
        2B a x log(x) + B c x + 2A c x - 2A a
--R (2) -----
--R
                        2x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 7
--S 8 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                        3 2
--R
--R
       2B a x log(x) + B c x + 2A c x - 2A a
    (3) -----
--R
--R
                        2x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 8
--S 9 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
```

```
Type: Expression(Integer)
--R
--E 9
--S 10 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 10
)clear all
--S 11 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)/x^3
--R
--R
--R
           3 2
--R
     Всх + Асх + Вах + Аа
--R (1) -----
--R
                   3
--R
                   x
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 11
--S 12 of 1396
r0:=-1/2*a*A/x^2-a*B/x+B*c*x+A*c*log(x)
--R
--R
                  3
--R
             2
--R 2A c x log(x) + 2B c x - 2B a x - A a
--R (2) -----
--R
                        2
--R
                       2x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 12
--S 13 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                  3
--R
            2
--R
       2A c x log(x) + 2B c x - 2B a x - A a
--R
   (3) -----
--R
                        2
--R
                       2x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 13
--S 14 of 1396
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 14
--S 15 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 15
)clear all
--S 16 of 1396
t0:=x^m*(A+B*x)*(a+c*x^2)^2
--R
--R
           25 24 3 2 2 2 m
--R
--R (1) (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a )x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 16
--S 17 of 1396
r0:=a^2*A*x^(1+m)/(1+m)+a^2*B*x^(2+m)/(2+m)+2*a*A*c*x^(3+m)/(3+m)+_
    2*a*B*c*x^{(4+m)/(4+m)}+A*c^{2}*x^{(5+m)/(5+m)}+B*c^{2}*x^{(6+m)/(6+m)}
--R
--R
--R (2)
           2 5 2 4 2 3
--R
                                      2 2
--R
       (B c m + 15B c m + 85B c m + 225B c m + 274B c m + 120B c )x
--R
          25 24 23 22 2
                                                     2 m + 5
--R
--R
       (A c m + 16A c m + 95A c m + 260A c m + 324A c m + 144A c )x
--R
                           4
--R
                                      3
--R
           2B a c m + 34B a c m + 214B a c m + 614B a c m + 792B a c m
--R
--R
           360B a c
--R
          m + 4
--R
--R
         X
--R
                  5 4 3 2
--R
--R
           2A a c m + 36A a c m + 242A a c m + 744A a c m + 1016A a c m
--R
--R
          480A a c
```

```
--R
--R
        m + 3
--R
        х
--R
         25 24 23 22 2
--R
                                                      2 m + 2
--R
      (Bam + 19Bam + 137Bam + 461Bam + 702Bam + 360Ba)x
--R
--R
                 2 4
                          2 3
                                   2 2
--R
      (A a m + 20A a m + 155A a m + 580A a m + 1044A a m + 720A a )x
--R /
--R
      6 5 4
                      3
--R
      m + 21m + 175m + 735m + 1624m + 1764m + 720
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 17
--S 18 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
           25 24 23 22 2 26
--R
        (B c m + 15B c m + 85B c m + 225B c m + 274B c m + 120B c )x
--R
--R
            --R
         (A c m + 16A c m + 95A c m + 260A c m + 324A c m + 144A c )x
--R
--R
--R
            2B a c m + 34B a c m + 214B a c m + 614B a c m + 792B a c m
--R
--R
            360B a c
--R
--R
           4
--R
         x
--R
--R
           2A a c m + 36A a c m + 242A a c m + 744A a c m + 1016A a c m
--R
--R
--R
            480A a c
--R
--R
          3
--R
          x
--R
--R.
          2 5
                 2 4 2 3 2 2
                                              2
--R
         (B a m + 19B a m + 137B a m + 461B a m + 702B a m + 360B a )x
--R
                            2 3 2 2
--R
                   2 4
--R
        (A a m + 20A a m + 155A a m + 580A a m + 1044A a m + 720A a )x
--R
--R
       m log(x)
--R
       %e
```

```
--R /
     6 5 4 3 2
--R
--R
    m + 21m + 175m + 735m + 1624m + 1764m + 720
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 18
--S 19 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
            25 24 23 22 2
--R
         (B c m + 15B c m + 85B c m + 225B c m + 274B c m + 120B c )x
--R
--R
--R
           25 24 23 22
                                         2
--R
         (A c m + 16A c m + 95A c m + 260A c m + 324A c m + 144A c )x
--R
                 5 4 3
--R
            2B a c m + 34B a c m + 214B a c m + 614B a c m + 792B a c m
--R
--R
--R
            360B a c
--R
--R
           4
--R
           X
--R
            5 4 3 2
--R
--R
            2A a c m + 36A a c m + 242A a c m + 744A a c m + 1016A a c m
--R
--R
            480A a c
--R
--R
           3
--R
           x
--R
           25 24 23 22 2 22
--R
--R
         (B a m + 19B a m + 137B a m + 461B a m + 702B a m + 360B a )x
--R
--R
           25 24
                           2 3 2 2
--R
         (A a m + 20A a m + 155A a m + 580A a m + 1044A a m + 720A a)x
--R
--R
         m log(x)
--R
        %e
--R
--R.
          25 24 23 22 2 m+6
--R
       (-Bcm - 15Bcm - 85Bcm - 225Bcm - 274Bcm - 120Bc)x
--R
          25 24 23 22
--R
                                       2
--R
       (- A c m - 16A c m - 95A c m - 260A c m - 324A c m - 144A c )x
--R
               5 4 3 2
--R
         - 2B a c m - 34B a c m - 214B a c m - 614B a c m - 792B a c m
--R
```

```
--R
--R
          - 360B a c
--R
--R
         m + 4
--R
        X
--R
--R
          - 2A a c m - 36A a c m - 242A a c m - 744A a c m - 1016A a c m
--R
--R
--R
          - 480A a c
--R
--R
         m + 3
--R
        x
--R
--R
          25 24 23 22 2 m+2
--R
       (-Bam - 19Bam - 137Bam - 461Bam - 702Bam - 360Ba)x
--R
--R
          25 24 23 22 2 m+1
--R
      (-Aam - 20Aam - 155Aam - 580Aam - 1044Aam - 720Aa)x
--R /
--R
                4
                      3
--R
      m + 21m + 175m + 735m + 1624m + 1764m + 720
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 19
--S 20 of 1396
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 20
)clear all
--S 21 of 1396
t0:=x^3*(A+B*x)*(a+c*x^2)^2
--R
--R
                       6
                                   5
--R
         28 27
                                         2 4 2 3
   (1) Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aax
--R
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 21
--S 22 of 1396
r0:=1/4*a^2*A*x^4+1/5*a^2*B*x^5+1/3*a*A*c*x^6+2/7*a*B*c*x^7+_
   1/8*A*c^2*x^8+1/9*B*c^2*x^9
--R
--R 1 2 9 1 2 8 2 7 1 6 1 2 5 1 2 4
```

```
--R (2) - B c x + - A c x + - B a c x + - A a c x + - B a x + - A a x
--R
    9 8 7
                                  3 5 4
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 22
--S 23 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
       1 2 9 1 2 8 2 7 1 6 1 2 5 1 2 4
--R
--R (3) - B c x + - A c x + - B a c x + - A a c x + - B a x + - A a x
                8
                        7
                                   3
                                             5
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 23
--S 24 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 24
--S 25 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 25
)clear all
--S 26 of 1396
t0:=x^2*(A+B*x)*(a+c*x^2)^2
--R
--R
         27 26 5 4
--R
                                          2 3 2 2
--R (1) Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aax
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--E 26
--S 27 of 1396
r0:=1/3*a^2*A*x^3+1/4*a^2*B*x^4+2/5*a*A*c*x^5+1/3*a*B*c*x^6+1/7*A*c^2*x^7+_
  1/8*B*c^2*x^8
--R.
--R
     1 28 1 27 1 6 2 5 1 24 1 23
--R
--R (2) - B c x + - A c x + - B a c x + - A a c x + - B a x + - A a x
--R.
                7
                        3
                                   5
```

```
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 27
--S 28 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                                 6 2 5 1 2 4 1 2 3
--R
        1 28 1 27 1
--R (3) - B c x + - A c x + - B a c x + - A a c x + - B a x + - A a x
                          3
                                     5
--R
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 28
--S 29 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 29
--S 30 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 30
)clear all
--S 31 of 1396
t0:=x*(A+B*x)*(a+c*x^2)^2
--R
--R
--R
        26 25 4 3 22 2
--R (1) B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a x
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 31
--S 32 of 1396
r0:=1/2*a^2*A*x^2+1/3*a^2*B*x^3+1/2*a*A*c*x^4+2/5*a*B*c*x^5+_
   1/6*A*c^2*x^6+1/7*B*c^2*x^7
--R.
--R
     1 27 1 26 2 5 1 4 1 23 1 22
--R
--R (2) - B c x + - A c x + - B a c x + - A a c x + - B a x + - A a x
--R
                 6
                          5
                                     2
                                               3
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 32
```

```
--S 33 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     1 27 1 26 2 5 1 4 1 23 1 22
--R (3) - B c x + - A c x + - B a c x + - A a c x + - B a x + - A a x
--R
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 33
--S 34 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 34
--S 35 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 35
)clear all
--S 36 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^2
--R
--R
--R 25 24 3 2 2 2
--R (1) Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa
--R
                                                  Type: Polynomial(Integer)
--E 36
--S 37 of 1396
r0:=a^2*A*x+2/3*a*A*c*x^3+1/5*A*c^2*x^5+1/6*B*(a+c*x^2)^3/c
--R
--R
--R (2)
--R \quad 1 \quad \  \  \, 3 \quad 6 \quad \  \, 1 \quad \  \, 3 \quad 5 \quad \  \, 1 \qquad \quad \, 2 \quad 4 \quad \  \, 2 \qquad \quad \, 2 \quad \  \, 3 \quad \, 1 \qquad \quad \, 2 \quad \  \, 2 \qquad \quad \, 2 \qquad \quad \, 1 \qquad \, 3
--R - B c x + - A c x + - B a c x + - A a c x + - B a c x + A a c x + - B a
--R 6 5 2 3 2
--R ------
--R
                                    С
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 37
```

```
--S 38 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
           1 26 1 25 1 4 2 3 1 22
--R
      (3) - B c x + - A c x + - B a c x + - A a c x + - B a x + A a x
--R
                                                  3
--R
                                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 38
--S 39 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             1 3
--R
            - B a
--R
            6
--R (4) - -----
             С
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 39
--S 40 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 40
)clear all
--S 41 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^2/x
--R
--R
--R
              25 24 3
                                                    2 2
          Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa
--R
--R
     (1) -----
--R
                                          х
--R
                                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 41
--S 42 of 1396
\texttt{r0}:=\texttt{a}^2 \times \texttt{B} \times \texttt{x} + \texttt{a} \times \texttt{A} \times \texttt{c} \times \texttt{x}^2 + 2/3 \times \texttt{a} \times \texttt{B} \times \texttt{c} \times \texttt{x}^3 + 1/4 \times \texttt{A} \times \texttt{c}^2 \times \texttt{x}^4 + 1/5 \times \texttt{B} \times \texttt{c}^2 \times \texttt{x}^5 + \texttt{a}^2 \times \texttt{A} \times \log(\texttt{x})
--R
--R
--R
                  2
                                  2 5 2 4 3
--R
            60A a log(x) + 12B c x + 15A c x + 40B a c x + 60A a c x + 60B a x
```

```
--R (2) -----
--R
                                  60
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 42
--S 43 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                 25 24 3
--R
--R
       60A a log(x) + 12B c x + 15A c x + 40B a c x + 60A a c x + 60B a x
--R (3) ------
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 43
--S 44 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 44
--S 45 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 45
)clear all
--S 46 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^2/x^2
--R
--R
                2 4 3 2
--R
         2 5
                                          2 2
--R
        Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa
--R
--R
                             2
--R
                            x
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 46
--S 47 of 1396
r0:=-a^2*A/x+2*a*A*c*x+a*B*c*x^2+1/3*A*c^2*x^3+1/4*B*c^2*x^4+a^2*B*log(x)
--R
--R
```

```
2 5 2 4 3
--R
--R
          12B a x log(x) + 3B c x + 4A c x + 12B a c x + 24A a c x - 12A a
--R
    (2) -----
--R
                                            12x
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 47
--S 48 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                             2 5 2 4
--R
                                                3
          12B a x log(x) + 3B c x + 4A c x + 12B a c x + 24A a c x - 12A a
--R
    (3) -----
--R
--R
                                            12x
--R
                                            Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 48
--S 49 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 49
--S 50 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 50
)clear all
--S 51 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^2/x^3
--R
--R
                    2 4 3
--R
             2 5
                                        2
          Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa
--R
--R (1) ------
--R
                                     3
--R
                                     х
--R
                                             Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 51
--S 52 of 1396
\texttt{r0} : = -1/2 * \texttt{a}^2 * \texttt{A}/\texttt{x}^2 - \texttt{a}^2 * \texttt{B}/\texttt{x} + 2 * \texttt{a} * \texttt{B} * \texttt{c} * \texttt{x} + 1/2 * \texttt{A} * \texttt{c}^2 * \texttt{x}^2 + 1/3 * \texttt{B} * \texttt{c}^2 * \texttt{x}^3 + 2 * \texttt{a} * \texttt{A} * \texttt{c} * \texttt{log}(\texttt{x})
```

```
--R
--R
--R
                   25 24 3 2
--R
        12A \ a \ c \ x \ log(x) + 2B \ c \ x + 3A \ c \ x + 12B \ a \ c \ x - 6B \ a \ x - 3A \ a
--R
   (2) -----
--R
                                 2
--R
                                6x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 52
--S 53 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                  25 24 3 2
--R
       12A a c x log(x) + 2B c x + 3A c x + 12B a c x - 6B a x - 3A a
--R
   (3) -----
--R
                                 2
--R
                                6x
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 53
--S 54 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 54
--S 55 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 55
)clear all
--S 56 of 1396
t0:=x^m*(A+B*x)*(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
        37 36 25 24 23 22 3
--R
--R
      Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R
--R
       3
     A a
--R
```

```
--R *
--R
     m
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 56
--S 57 of 1396
r0:=a^3*A*x^{(1+m)}/(1+m)+a^3*B*x^{(2+m)}/(2+m)+3*a^2*A*c*x^{(3+m)}/(3+m)+_
   3*a^2*B*c*x^(4+m)/(4+m)+3*a*A*c^2*x^(5+m)/(5+m)+_
   3*a*B*c^2*x^(6+m)/(6+m)+A*c^3*x^(7+m)/(7+m)+B*c^3*x^(8+m)/(8+m)
--R
--R
--R
    (2)
            37 36 35 34 33
--R
--R
          B c m + 28B c m + 322B c m + 1960B c m + 6769B c m + 13132B c m
--R
--R
               3
--R
          13068B c m + 5040B c
--R
--R
         m + 8
--R
         x
--R
           37 36 35 34 33 32
--R
--R
          Acm + 29Acm + 343Acm + 2135Acm + 7504Acm + 14756Acm
--R
           3 3
--R
--R
          14832A c m + 5760A c
--R
--R
         m + 7
--R
         X
--R
               27 26 25 24 23
--R
--R
          3B a c m + 90B a c m + 1098B a c m + 7020B a c m + 25227B a c m
--R
--R
                 2 2
          50490B a c m + 51432B a c m + 20160B a c
--R
--R
--R
         m + 6
--R
         x
--R
--R
              2 7 2 6
                                   2 5
                                          2 4
          3A a c m + 93A a c m + 1173A a c m + 7743A a c m + 28632A a c m
--R
--R.
--R
                  2 2
                              2
--R
          58692A a c m + 60912A a c m + 24192A a c
--R
--R
         m + 5
--R
         X
--R
             2 7 2 6 2 5 2 4 2 3
--R
```

```
--R
           3B a c m + 96B a c m + 1254B a c m + 8592B a c m + 32979B a c m
--R
                 2 2 2
--R
--R
           69936B a c m + 74628B a c m + 30240B a c
--R
--R
          m + 4
--R
         x
--R
             2 7 2 6 2 5 2 4 2 3
--R
          3A a c m + 99A a c m + 1341A a c m + 9585A a c m + 38592A a c m
--R
--R
                          2
--R
           86076A a c m + 96144A a c m + 40320A a c
--R
--R
--R
          m + 3
--R
          x
--R
--R
             37 36 35 34 33
          Bam + 34Bam + 478Bam + 3580Bam + 15289Bam
--R
--R
                 3 2 3 3
--R
--R
           36706B a m + 44712B a m + 20160B a
--R
--R
          m + 2
--R
          X
--R
             3 7 3 6 3 5 3 4
--R
--R
           A a m + 35A a m + 511A a m + 4025A a m + 18424A a m
--R
          3 2 3
--R
--R
          48860A a m + 69264A a m + 40320A a
--R
--R
          m + 1
--R
         x
--R /
      8 7 6 5 4
                                         3 2
--R
--R
       \  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 36 \text{m} \  \  \, + \, \, 546 \text{m} \  \  \, + \, \, 4536 \text{m} \  \  \, + \, \, 22449 \text{m} \  \  \, + \, \, 67284 \text{m} \  \  \, + \, \, 118124 \text{m} \  \  \, + \, \, 109584 \text{m} \  \  \, + \, \, 40320 
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 57
--S 58 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
              3 7 3 6 3 5 3 4 3 3
--R
--R
             B c m + 28B c m + 322B c m + 1960B c m + 6769B c m
--R
                    3 2 3 3
--R
--R
            13132B c m + 13068B c m + 5040B c
```

```
--R
--R
           8
--R
          х
--R
              37 36 35 34 33
--R
--R
            A \ c \ m + 29A \ c \ m + 343A \ c \ m + 2135A \ c \ m + 7504A \ c \ m
--R
               3 2 3
--R
           14756A c m + 14832A c m + 5760A c
--R
--R
--R
--R
          X
--R
                    26 25
--R
--R
           3B a c m + 90B a c m + 1098B a c m + 7020B a c m
--R
--R
                              2 2
--R
            25227B \ a \ c \ m + 50490B \ a \ c \ m + 51432B \ a \ c \ m + 20160B \ a \ c
--R
--R
--R
          x
--R
               27 26 25
--R
--R
            3A a c m + 93A a c m + 1173A a c m + 7743A a c m
--R
             2 3 2 2 2
--R
--R
            28632A a c m + 58692A a c m + 60912A a c m + 24192A a c
--R
--R
           5
--R
          x
--R
              2 7 2 6 2 5 2 4
--R
--R
            3B a c m + 96B a c m + 1254B a c m + 8592B a c m
--R
                2 3 2 2
--R
                                         2
            32979B \ a \ c \ m + 69936B \ a \ c \ m + 74628B \ a \ c \ m + 30240B \ a \ c
--R
--R
--R
--R
--R
              2 7 2 6
--R
            3A a c m + 99A a c m + 1341A a c m + 9585A a c m
--R
--R
--R
                             2 2
--R
           38592A a c m + 86076A a c m + 96144A a c m + 40320A a c
--R
--R
           3
--R
          x
--R
--R
            37 36 35 34 33
```

```
--R
           Bam + 34B am + 478B am + 3580B am + 15289B am
--R
               3 2 3 3
--R
--R
           36706B \ a \ m + 44712B \ a \ m + 20160B \ a
--R
--R
          2
--R
         x
--R
            37 36 35 34 33
--R
          Aam + 35Aam + 511Aam + 4025Aam + 18424Aam
--R
--R
               3 2 3
--R
           48860A a m + 69264A a m + 40320A a
--R
--R
--R
         x
--R
--R
       m log(x)
--R
       %e
--R /
     8 7 6 5 4 3 2
--R
     m + 36m + 546m + 4536m + 22449m + 67284m + 118124m + 109584m + 40320
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 58
--S 59 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
              37 36 35 34 33
--R
--R
            B c m + 28B c m + 322B c m + 1960B c m + 6769B c m
--R
                3 2
--R
                           3
--R
           13132B c m + 13068B c m + 5040B c
--R
--R
--R
          X
--R
              3 7 3 6 3 5 3 4 3 3
--R
--R
            Acm + 29Acm + 343Acm + 2135Acm + 7504Acm
--R
--R
                 3 2
                           3
--R
            14756A c m + 14832A c m + 5760A c
--R
--R
            7
--R
--R
                27 26 25 24
--R
           3B a c m + 90B a c m + 1098B a c m + 7020B a c m
--R
--R
```

```
2 3 2 2 2
--R
--R
             25227B a c m + 50490B a c m + 51432B a c m + 20160B a c
--R
--R
            6
--R
          x
--R
                27 26 25 24
--R
--R
            3A a c m + 93A a c m + 1173A a c m + 7743A a c m
--R
                   2 3
--R
                              2 2
             28632A a c m + 58692A a c m + 60912A a c m + 24192A a c
--R
--R
--R
--R
           X
--R
--R
               2 7 2 6
                                   2 5
--R
            3B a c m + 96B a c m + 1254B a c m + 8592B a c m
--R
                  2 3 2 2 2
--R
            32979B a c m + 69936B a c m + 74628B a c m + 30240B a c
--R
--R
--R
            4
--R
           х
--R
                2 7 2 6 2 5 2 4
--R
            3A a c m + 99A a c m + 1341A a c m + 9585A a c m
--R
--R
              2 3 2 2 2
--R
--R
             38592A \ a \ c \ m + 86076A \ a \ c \ m + 96144A \ a \ c \ m + 40320A \ a \ c
--R
--R
            3
--R
           x
--R
              37 36 35 34 33
--R
             Bam + 34Bam + 478Bam + 3580Bam + 15289Bam
--R
--R
              3 2 3
--R
--R
             36706B \ a \ m + 44712B \ a \ m + 20160B \ a
--R
--R
--R
           X
--R
              37 36 35 34 33
--R.
--R
            Aam + 35Aam + 511Aam + 4025Aam + 18424Aam
--R
--R
                  3 2
                            3
--R
            48860A a m + 69264A a m + 40320A a
--R
--R
--R
```

```
--R
         m log(x)
--R
--R
             3 7 3 6 3 5 3 4 3 3
--R
--R
          - B c m - 28B c m - 322B c m - 1960B c m - 6769B c m
--R
--R
--R
          - 13132B c m - 13068B c m - 5040B c
--R
--R
         m + 8
--R
        x
--R
            37 36 35 34 33
--R
          - A c m - 29A c m - 343A c m - 2135A c m - 7504A c m
--R
--R
                      3
--R
                3 2
--R
         - 14756A c m - 14832A c m - 5760A c
--R
--R
         m + 7
--R
        x
--R
--R
               27 26 25
--R
          -3B a c m -90B a c m -1098B a c m -7020B a c m
--R
             2 3 2 2
--R
--R
          -25227B a c m -50490B a c m -51432B a c m -20160B a c
--R
--R
         m + 6
--R
        x
--R
                2 7 2 6 2 5
--R
--R
         - 3A a c m - 93A a c m - 1173A a c m - 7743A a c m
--R
                  2 3 2 2 2
--R
--R
         - 28632A a c m - 58692A a c m - 60912A a c m - 24192A a c
--R
--R
         m + 5
--R
        x
--R
             2 7 2 6
--R
                                  2 5
          - 3B a c m - 96B a c m - 1254B a c m - 8592B a c m
--R
--R
--R
                2 3
                            2 2
                                        2
--R
         - 32979B a c m - 69936B a c m - 74628B a c m - 30240B a c
--R
--R
         m + 4
--R
        x
--R
              2 7 2 6 2 5 2 4
--R
--R
          - 3A a c m - 99A a c m - 1341A a c m - 9585A a c m
```

```
--R
                     2 3 2 2
--R
--R
            - 38592A a c m - 86076A a c m - 96144A a c m - 40320A a c
--R
--R
          m + 3
--R
          x
--R
               37 36 35
--R
                                               3 4
--R
           -Bam - 34Bam - 478Bam - 3580Bam - 15289Bam
--R
--R
                   3 2 3 3
           - 36706B a m - 44712B a m - 20160B a
--R
--R
--R
          m + 2
--R
          X
--R
--R
              3 7 3 6 3 5 3 4 3 3
--R
            - A a m - 35A a m - 511A a m - 4025A a m - 18424A a m
--R
                   3 2 3 3
--R
--R
            - 48860A a m - 69264A a m - 40320A a
--R
          m + 1
--R
--R
          x
--R /
       8 7 6 5 4 3 2
--R
--R
        \  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 36 \text{m} \  \  \, + \, \, 546 \text{m} \  \  \, + \, \, 4536 \text{m} \  \  \, + \, \, 22449 \text{m} \  \  \, + \, \, 67284 \text{m} \  \  \, + \, \, 118124 \text{m} \  \  \, + \, \, 109584 \text{m} \  \  \, + \, \, 40320 
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 59
--S 60 of 1396
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 60
)clear all
--S 61 of 1396
t0:=x^3*(A+B*x)*(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
--R 3 10 3 9 2 8 2 7 2 6 2 5 3 4
--R Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + Bax
--R +
--R
      3 3
     Aax
--R
```

```
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--E 61
--S 62 of 1396
r0:=1/4*a^3*A*x^4+1/5*a^3*B*x^5+1/2*a^2*A*c*x^6+3/7*a^2*B*c*x^7+_
    3/8*a*A*c^2*x^8+1/3*a*B*c^2*x^9+1/10*A*c^3*x^10+1/11*B*c^3*x^11
--R
--R (2)
     1 3 11 1 3 10 1 2 9 3 2 8 3 2 7 1 2 6
--R
      -- B c x + -- A c x + - B a c x + - A a c x + - B a c x + - A a c x
--R
                10
                            3
                                        8
                                                   7
--R
     11
--R
     1 35 1 34
--R
--R
      - B a x + - A a x
--R
     5 4
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 62
--S 63 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
    1 3 11 1 3 10 1 2 9 3 2 8 3 2 7 1 2 6 
-- B c x + -- A c x + - B a c x + - A a c x + - B a c x + - A a c x
--R
                            3
                                       8
--R
     11
               10
                                                   7
--R
--R 1 35 1 34
--R - Bax + - Aax
--R
     5 4
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 63
--S 64 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 64
--S 65 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 65
```

```
)clear all
--S 66 of 1396
t0:=x^2*(A+B*x)*(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
      3 9 3 8 2 7 2 6 2 5 2 4 3 3
--R
    Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R
--R +
--R
      3 2
--R
    Аах
--R
                                      Type: Polynomial(Integer)
--E 66
--S 67 of 1396
r0:=1/3*a^3*A*x^3+1/4*a^3*B*x^4+3/5*a^2*A*c*x^5+1/2*a^2*B*c*x^6+_
   3/7*a*A*c^2*x^7+3/8*a*B*c^2*x^8+1/9*A*c^3*x^9+1/10*B*c^3*x^10
--R
--R
--R (2)
--R
    1 3 10 1 3 9 3 2 8 3 2 7 1 2 6 3 2 5
--R
    -- B c x + - A c x + - B a c x + - A a c x + - B a c x + - A a c x
                      8
--R
    10
             9
                               7
                                         2
                                                 5
--R
    1 34 1 33
--R
--R
     - B a x + - A a x
--R
    4 3
--R
                               Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 67
--S 68 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
    1 3 10 1 3 9 3 2 8 3 2 7 1 2 6 3 2 5
     --R
             9
                     8
                               7
--R
    10
--R
    1 34 1 33
--R
--R
     - B a x + - A a x
--R
     4
         3
--R
                               Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 68
--S 69 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R (4) 0
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 69
--S 70 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 70
)clear all
--S 71 of 1396
t0:=x*(A+B*x)*(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
     38 37 26 25 24 23 32
--R
--R Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R +
--R
     3
    Aax
--R
--R
                                       Type: Polynomial(Integer)
--E 71
--S 72 of 1396
r0:=1/2*a^3*A*x^2+1/3*a^3*B*x^3+3/4*a^2*A*c*x^4+3/5*a^2*B*c*x^5+_
   1/2*a*A*c^2*x^6+3/7*a*B*c^2*x^7+1/8*A*c^3*x^8+1/9*B*c^3*x^9
--R.
--R
--R (2)
--R 1 3 9 1 3 8 3 2 7 1 2 6 3 2 5 3 2 4
--R
    -Bcx +-Acx +-Bacx +-Aacx +-Bacx +-Aacx
                    7 2 5 4
    9 8
--R
--R
    1 33 1 32
--R
    - B a x + - A a x
--R
--R
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 72
--S 73 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 1 3 9 1 3 8 3 2 7 1 2 6 3 2 5 3 2 4
    -Bcx +-Acx +-Bacx +-Aacx +-Bacx +-Aacx
--R
```

```
8 7 2 5 4
--R
--R
--R
    1 33 1 32
--R
    - B a x + - A a x
--R
    3 2
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 73
--S 74 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 74
--S 75 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 75
)clear all
--S 76 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
--R 37 36 25 24 23 22 3
--R
    Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R +
--R
      3
--R
    Аa
--R
                                        Type: Polynomial(Integer)
--E 76
--S 77 of 1396
r0:=a^3*A*x+a^2*A*c*x^3+3/5*a*A*c^2*x^5+1/7*A*c^3*x^7+1/8*B*(a+c*x^2)^4/c
--R
--R
--R
   (2)
--R
     1 48 1 47 1 36 3 35 3 224 223
--R
     -Bcx +-Acx +-Bacx +-Aacx +-Bacx +Aacx
--R
             7
                     2 5
--R
    1 3 2 3 1 4
- B a c x + A a c x + - B a
--R
--R
```

```
2
--R
                         8
--R /
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 77
--S 78 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
     1 38 1 37 1 26 3 25 3 2 4 2 3
      - B c x + - A c x + - B a c x + - A a c x + - B a c x + A a c x
--R
                       2
--R
                                  5
--R
   1 32 3
--R
--R
   - B a x + A a x
--R
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 78
--S 79 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         - B a
        8
--R
--R
   (4) - -----
--R
       С
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 79
--S 80 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 80
)clear all
--S 81 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^3/x
--R
--R
--R (1)
--R
         37 36 25 24 23 22 3
--R
       Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
```

```
--R
--R
           3
--R
        Аa
--R /
--R
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 81
--S 82 of 1396
r0:=a^3*B*x+3/2*a^2*A*c*x^2+a^2*B*c*x^3+3/4*a*A*c^2*x^4+3/5*a*B*c^2*x^5+_
    1/6*A*c^3*x^6+1/7*B*c^3*x^7+a^3*A*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                    3 7 3 6
                                          25 24
--R
         420A a log(x) + 60B c x + 70A c x + 252B a c x + 315A a c x
--R
--R
              2 3
                      2 2
         420B \ a \ c \ x + 630A \ a \ c \ x + 420B \ a \ x
--R
--R /
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 82
--S 83 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                   3 7 3 6 2 5 2 4
--R
              3
--R
        420A a log(x) + 60B c x + 70A c x + 252B a c x + 315A a c x
--R
--R
                         2 2
--R
       420B a c x + 630A a c x + 420B a x
--R /
--R
       420
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 83
--S 84 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 84
--S 85 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 85
)clear all
--S 86 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^3/x^2
--R
--R
--R
    (1)
          3 7
                3 6 2 5 2 4 2 3 2 2
--R
       Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R
--R
--R
          3
--R
        A a
--R /
--R
       2
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 86
--S 87 of 1396
r0:=-a^3*A/x+3*a^2*A*c*x+3/2*a^2*B*c*x^2+a*A*c^2*x^3+3/4*a*B*c^2*x^4+_
    1/5*A*c^3*x^5+1/6*B*c^3*x^6+a^3*B*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
                          3 7 3 6 2 5 2 4
--R
--R
        60B a x log(x) + 10B c x + 12A c x + 45B a c x + 60A a c x
--R
--R
--R
      90Васх + 180Аасх - 60Аа
--R /
--R
      60x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 87
--S 88 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                      3 7 3 6 2 5 2 4
--R
        60B a x log(x) + 10B c x + 12A c x + 45B a c x + 60A a c x
--R
--R
--R
                    2 2
--R
        90B a c x + 180A a c x - 60A a
--R /
```

```
--R
       60x
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 88
--S 89 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 89
--S 90 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 90
)clear all
--S 91 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^3/x^3
--R
--R
--R
     (1)
--R
           37 36 25 24 23 22 3
--R
       Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R
--R
           3
--R
       A a
--R /
--R
       3
--R
       х
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 91
--S 92 of 1396
r0:=-1/2*a^3*A/x^2-a^3*B/x+3*a^2*B*c*x+3/2*a*A*c^2*x^2+a*B*c^2*x^3+_
    1/4*A*c^3*x^4+1/5*B*c^3*x^5+3*a^2*A*c*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                            3 7 3 6 2 5
         60A \ a \ c \ x \ log(x) + 4B \ c \ x + 5A \ c \ x + 20B \ a \ c \ x + 30A \ a \ c \ x
--R
--R
--R
                      3
--R
         60B a c x - 20B a x - 10A a
--R /
```

```
--R
--R
      20x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 92
--S 93 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
            2 2 3 7 3 6 2 5 2 4
--R
       60A a c x log(x) + 4B c x + 5A c x + 20B a c x + 30A a c x
--R
--R
--R
          2 3
--R
       60B a c x - 20B a x - 10A a
--R /
--R
        2
      20x
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 93
--S 94 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 94
--S 95 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 95
)clear all
--S 96 of 1396
t0:=x^m*(A+B*x)*(a+c*x^2)^4
--R
--R
--R
   (1)
--R
         4 9
                48 37 36 225 224
        Bcx + Acx + 4Bacx + 4Aacx + 6Bacx + 6Aacx
--R
--R
--R
         3 3 3 2 4 4
--R
        4B a c x + 4A a c x + B a x + A a
--R *
```

```
--R
      m
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 96
--S 97 of 1396
r0:=a^4*A*x^{(1+m)}/(1+m)+a^4*B*x^{(2+m)}/(2+m)+4*a^3*A*c*x^{(3+m)}/(3+m)+_
    4*a^3*B*c*x^(4+m)/(4+m)+6*a^2*A*c^2*x^(5+m)/(5+m)+_
    6*a^2*B*c^2*x^(6+m)/(6+m)+4*a*A*c^3*x^(7+m)/(7+m)+_
    4*a*B*c^3*x^(8+m)/(8+m)+A*c^4*x^(9+m)/(9+m)+B*c^4*x^(10+m)/(10+m)
--R
--R
    (2)
--R
--R
             4 9 4 8 4 7
                                          4 6
--R
           B c m + 45B c m + 870B c m + 9450B c m + 63273B c m
--R
--R.
                4 4
                       4 3
                                    4 2
--R
          269325B c m + 723680B c m + 1172700B c m + 1026576B c m + 362880B c
--R
--R
          m + 10
--R
         х
--R
--R
            4 9 4 8 4 7 4 6 4 5
--R
           Acm + 46Acm + 906Acm + 9996Acm + 67809Acm
--R
                 4 4 4 3 4 2 4
--R
--R
          291774A c m + 790964A c m + 1290824A c m + 1136160A c m + 403200A c
--R
--R
          m + 9
--R
         x
--R
                3 9 3 8 3 7 3 6
--R
--R
           4B a c m + 188B a c m + 3776B a c m + 42392B a c m
--R
--R
                    3 5
                                  3 4
                                                 3 3
           291956B \ a \ c \ m + 1272572B \ a \ c \ m + 3487144B \ a \ c \ m + 5740848B \ a \ c \ m
--R
--R
--R
                    3
--R
           5087520B a c m + 1814400B a c
--R
--R
          m + 8
--R
          х
--R
                3 9 3 8
--R
                                       3 7
--R
           4A a c m + 192A a c m + 3936A a c m + 45048A a c m
--R
                        3 4 3 3
--R
                    3 5
           315756A a c m + 1397928A a c m + 3882224A a c m + 6462432A a c m
--R
--R
--R
                     3
                                   3
```

```
--R
         5777280A a c m + 2073600A a c
--R
--R
         m + 7
--R
        x
--R
            2 2 9 2 2 8 2 2 7 2 2 6
--R
--R
          6B a c m + 294B a c m + 6156B a c m + 71964B a c m
--R
                2 2 5
                              2 2 4 2 2 3 2 2 2
--R
         514854B a c m + 2323206B a c m + 6562344B a c m + 11082936B a c m
--R
--R
--R
                  2 2
                               2 2
         10023840B a c m + 3628800B a c
--R
--R
--R
         m + 6
--R
         x
--R
--R
            2 2 9 2 2 8 2 2 7
--R
          6A a c m + 300A a c m + 6420A a c m + 76800A a c m
--R
--R
                2 2 5
                              2 2 4
                                       2 2 3 2 2 2
          562638A a c m + 2599140A a c m + 7505880A a c m + 12927600A a c m
--R
--R
--R
                 2 2
--R
          11883456A a c m + 4354560A a c
--R
--R
         m + 5
--R
         x
--R
           3 9 3 8 3 7 3 6
--R
--R
          4B a c m + 204B a c m + 4464B a c m + 54744B a c m
--R
--R
                              3 4
--R
          412116B a c m + 1959756B a c m + 5828696B a c m + 10323216B a c m
--R
--R
                 3
--R
         9721440B a c m + 3628800B a c
--R
--R
         m + 4
--R
         X
--R
            3 9 3 8
--R
                                   3 7
--R.
          4A a c m + 208A a c m + 4656A a c m + 58632A a c m
--R
                        3 4 3 3
--R
                3 5
          455196A a c m + 2242632A a c m + 6939824A a c m + 12818528A a c m
--R
--R
--R
--R
         12558720A a c m + 4838400A a c
--R
```

```
--R
         m + 3
--R
         X
--R
            4 9 4 8 4 7 4 6
--R
          Bam + 53Bam + 1214Bam + 15722Bam + 126329Bam
--R
--R
--R
                              4 3
                                           4 2
--R
           649397B a m + 2118136B a m + 4173228B a m + 4407120B a m
--R
--R
           1814400B a
--R
--R
          m + 2
--R
--R
         X
--R
--R
            4 9
                  48 47
                                           4 6
--R
           A a m + 54A a m + 1266A a m + 16884A a m + 140889A a m
--R
--R
                               4 3
                                           4 2
--R
           761166A a m + 2655764A a m + 5753736A a m + 6999840A a m
--R
--R
--R
           3628800A a
--R
--R
          m + 1
--R
         x
--R /
--R
        10 9 8 7 6 5
--R
        m + 55m + 1320m + 18150m + 157773m + 902055m + 3416930m
--R
--R
--R
        8409500m + 12753576m + 10628640m + 3628800
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 97
--S 98 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
              4 9 4 8 4 7
--R
                                           4 6
            B c m + 45B c m + 870B c m + 9450B c m + 63273B c m
--R
--R
--R
                    4 4
                               4 3
                                            4 2
--R
             269325B c m + 723680B c m + 1172700B c m + 1026576B c m
--R
--R
--R
             362880B c
--R
--R
            10
```

```
--R
          x
--R
              4 9 4 8 4 7 4 6
--R
--R
            A c m + 46A c m + 906A c m + 9996A c m + 67809A c m
--R
--R
                   4 4
                                4 3
                                             4 2
--R
             291774A c m + 790964A c m + 1290824A c m + 1136160A c m
--R
--R
             403200A c
--R
--R
--R
            9
--R
           x
--R
--R
                 3 9
                      3 8 3 7
--R
             4B \ a \ c \ m + 188B \ a \ c \ m + 3776B \ a \ c \ m + 42392B \ a \ c \ m
--R
--R
                     3 5
                             3 4
             291956B \ a \ c \ m + 1272572B \ a \ c \ m + 3487144B \ a \ c \ m
--R
--R
--R
                      3 2
                                    3
             5740848B a c m + 5087520B a c m + 1814400B a c
--R
--R
--R
            8
--R
           x
--R
                 3 9 3 8 3 7 3 6
--R
--R
             4A a c m + 192A a c m + 3936A a c m + 45048A a c m
--R
                            3 4
--R
                     3 5
--R
             315756A a c m + 1397928A a c m + 3882224A a c m
--R
--R
                      3 2
                                     3
--R
             6462432A a c m + 5777280A a c m + 2073600A a c
--R
--R
--R
           x
--R
                2 2 9 2 2 8
--R
                                       2 2 7
--R
            6B a c m + 294B a c m + 6156B a c m + 71964B a c m
--R
                    2 2 5
--R
                                  2 2 4
--R
             514854B a c m + 2323206B a c m + 6562344B a c m
--R
--R
                      2 2 2
                              2 2 2 2
--R
             11082936B a c m + 10023840B a c m + 3628800B a c
--R
--R
--R
           x
--R
```

```
2 2 9 2 2 8 2 2 7 2 2 6
--R
             6A \ a \ c \ m + 300A \ a \ c \ m + 6420A \ a \ c \ m + 76800A \ a \ c \ m
--R
--R
--R
                    2 2 5
                                    2 2 4
             562638A a c m + 2599140A a c m + 7505880A a c m
--R
--R
                               2 2
--R
                      2 2 2
--R
            12927600A a c m + 11883456A a c m + 4354560A a c
--R
--R
--R
            X
--R
                 3 9 3 8
                                         3 7 3 6
--R
--R
             4B \ a \ c \ m + 204B \ a \ c \ m + 4464B \ a \ c \ m + 54744B \ a \ c \ m
--R
--R
                     3 5
                                    3 4
--R
             412116B \ a \ c \ m + 1959756B \ a \ c \ m + 5828696B \ a \ c \ m
--R
--R
                      3 2
                               3
--R
             10323216B a c m + 9721440B a c m + 3628800B a c
--R
--R
--R
            х
--R
               3 9 3 8 3 7 3 6
--R
             4A \ a \ c \ m + 208A \ a \ c \ m + 4656A \ a \ c \ m + 58632A \ a \ c \ m
--R
--R
                     3 5 3 4 3 3
--R
--R
             455196A a c m + 2242632A a c m + 6939824A a c m
--R
--R
                       3 2
                                       3
--R
             12818528A a c m + 12558720A a c m + 4838400A a c
--R
--R
            3
--R
            x
--R
                                   4 7
--R
                        4 8
                                               4 6
--R
             Bam + 53Bam + 1214Bam + 15722Bam + 126329Bam
--R
--R
                                  4 3
                                                4 2
--R
             649397B \ a \ m + 2118136B \ a \ m + 4173228B \ a \ m + 4407120B \ a \ m
--R
--R.
--R
             1814400B a
--R
--R
             2
--R
            х
--R
               4 9 4 8 4 7 4 6 4 5
--R
--R
             A \ a \ m + 54A \ a \ m + 1266A \ a \ m + 16884A \ a \ m + 140889A \ a \ m
```

```
--R
              4 4
                       4 3
                                    4 2
--R
--R
            761166A a m + 2655764A a m + 5753736A a m + 6999840A a m
--R
--R
            3628800A a
--R
--R
--R
--R
--R
         m log(x)
--R
       %e
--R /
                   8 7
                                     6
--R
       m + 55m + 1320m + 18150m + 157773m + 902055m + 3416930m
--R
--R
--R
                   2
--R
       8409500 \ \ + \ 12753576 \ \ + \ 10628640 \ \ + \ 3628800
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 98
--S 99 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
               4 9 4 8 4 7 4 6 4 5
--R
              B c m + 45B c m + 870B c m + 9450B c m + 63273B c m
--R
--R
                          4 3
--R
                    4 4
                                      4 2
--R
              269325B c m + 723680B c m + 1172700B c m + 1026576B c m
--R
--R
--R
              362880B c
--R
--R
             10
--R
            х
--R
               49 48 47 46 45
--R
--R
             A c m + 46A c m + 906A c m + 9996A c m + 67809A c m
--R
                          4 3
--R
                    4 4
                                      4 2
              291774A c m + 790964A c m + 1290824A c m + 1136160A c m
--R
--R.
--R
              403200A c
--R
--R
--R
--R
            x
--R
                                     3 7 3 6
--R
                  3 9
                              3 8
```

```
--R
               4B a c m + 188B a c m + 3776B a c m + 42392B a c m
--R
                       3 5 3 4
--R
--R
               291956B \ a \ c \ m + 1272572B \ a \ c \ m + 3487144B \ a \ c \ m
--R
--R
                        3 2
                                       3
--R
               5740848B a c m + 5087520B a c m + 1814400B a c
--R
--R
--R
             х
--R
--R
                          3 8
                                           3 7
                   39
              4A a c m + 192A a c m + 3936A a c m + 45048A a c m
--R
--R
--R
                                      3 4
                       3 5
--R
               315756A a c m + 1397928A a c m + 3882224A a c m
--R
--R
                       3 2
                                3
--R
               6462432A a c m + 5777280A a c m + 2073600A a c
--R
--R
--R
            X
--R
--R
                 2 2 9 2 2 8 2 2 7 2 2 6
               6B \ a \ c \ m + 294B \ a \ c \ m + 6156B \ a \ c \ m + 71964B \ a \ c \ m
--R
--R
                            2 2 4
--R
                     2 2 5
--R
               514854B a c m + 2323206B a c m + 6562344B a c m
--R
                       2 2 2 2 2 2
--R
--R
              11082936B a c m + 10023840B a c m + 3628800B a c
--R
--R
              6
--R
             х
--R
                 2 2 9 2 2 8 2 2 7 2 2 6
--R
--R
              6A a c m + 300A a c m + 6420A a c m + 76800A a c m
--R
                                     2 2 4
--R
                      2 2 5
--R
               562638A a c m + 2599140A a c m + 7505880A a c m
--R
                       2 2 2
--R
                                       2 2
--R.
              12927600A a c m + 11883456A a c m + 4354560A a c
--R
--R
              5
--R
--R
--R
                3 9 3 8 3 7 3 6
             4B a c m + 204B a c m + 4464B a c m + 54744B a c m
--R
--R
```

```
3 5 3 4
--R
--R
              412116B a c m + 1959756B a c m + 5828696B a c m
--R
--R
                     3 2
                                   3
--R
              10323216B \ a \ c \ m + 9721440B \ a \ c \ m + 3628800B \ a \ c
--R
--R
--R
           x
--R
                3 9 3 8
--R
                                      3 7
             4A a c m + 208A a c m + 4656A a c m + 58632A a c m
--R
--R
                    3 5 3 4
--R
              455196A a c m + 2242632A a c m + 6939824A a c m
--R
--R
--R
                     3 2
                              3
--R
              12818528A a c m + 12558720A a c m + 4838400A a c
--R
--R
             3
--R
            x
--R
--R
               4 9 4 8 4 7 4 6
--R
              B a m + 53B a m + 1214B a m + 15722B a m + 126329B a m
--R
                                       4 2
                          4 3
--R
              649397B a m + 2118136B a m + 4173228B a m + 4407120B a m
--R
--R
--R
--R
              1814400B a
--R
--R
             2
--R
            x
--R
               4 9 4 8 4 7 4 6 4 5
--R
--R
             Aam + 54A am + 1266A am + 16884A am + 140889A am
--R
--R
                    4 4
                          4 3
                                       4 2
--R
              761166A a m + 2655764A a m + 5753736A a m + 6999840A a m
--R
--R
--R
              3628800A a
--R
--R
            x
--R
--R
          m log(x)
--R
--R
--R
             4 9 4 8 4 7 4 6 4 5
          - B c m - 45B c m - 870B c m - 9450B c m - 63273B c m
--R
--R
```

```
4 3 4 2
--R
             4 4
--R
           -269325B c m -723680B c m -1172700B c m -1026576B c m
--R
--R
--R
          - 362880B c
--R
--R
         m + 10
--R
         x
--R
             49 48 47
--R
                                          4 6
--R
          - A c m - 46A c m - 906A c m - 9996A c m - 67809A c m
--R
                   4 4 4 3
                                     4 2
--R
          - 291774A c m - 790964A c m - 1290824A c m - 1136160A c m
--R
--R
--R
--R
          - 403200A c
--R
--R
         m + 9
--R
         x
--R
--R
                3 9 3 8 3 7 3 6
--R
           – 4B a c m – 188B a c m – 3776B a c m – 42392B a c m
--R
                           3 4
--R
                   3 5
           - 291956B a c m - 1272572B a c m - 3487144B a c m
--R
--R
--R
                    3 2
--R
          - 5740848B a c m - 5087520B a c m - 1814400B a c
--R
--R
         m + 8
--R
         x
--R
                3 9 3 8 3 7 3 6
--R
--R
          - 4A a c m - 192A a c m - 3936A a c m - 45048A a c m
--R
--R
                    3 5
                                  3 4
--R
          - 315756A a c m - 1397928A a c m - 3882224A a c m
--R
                    3 2
--R
                                   3
          - 6462432 \text{A} a c m - 5777280 \text{A} a c m - 2073600 \text{A} a c
--R
--R
--R
          m + 7
--R
         x
--R
               2 2 9 2 2 8 2 2 7 2 2 6
--R
--R
          - 6B a c m - 294B a c m - 6156B a c m - 71964B a c m
--R
                  2 2 5 2 2 4 2 2 3
--R
           - 514854B a c m - 2323206B a c m - 6562344B a c m
--R
```

```
--R
                         2 2
                    2 2 2
--R
--R
         - 11082936B a c m - 10023840B a c m - 3628800B a c
--R
--R
         m + 6
--R
        x
--R
              2 2 9 2 2 8 2 2 7 2 2 6
--R
          - 6A a c m - 300A a c m - 6420A a c m - 76800A a c m
--R
--R
                 2 2 5
--R
                               2 2 4
          - 562638A a c m - 2599140A a c m - 7505880A a c m
--R
--R
--R
                   2 2 2
                                 2 2
--R
         - 12927600A a c m - 11883456A a c m - 4354560A a c
--R
--R
         m + 5
--R
         X
--R
--R
             3 9 3 8 3 7 3 6
--R
          - 4B a c m - 204B a c m - 4464B a c m - 54744B a c m
--R
--R
                         3 4
--R
          - 412116B a c m - 1959756B a c m - 5828696B a c m
--R
              3 2 3
--R
--R
          -10323216B a c m -9721440B a c m -3628800B a c
--R
--R
         m + 4
--R
        x
--R
              3 9 3 8 3 7 3 6
--R
--R
          - 4A a c m - 208A a c m - 4656A a c m - 58632A a c m
--R
--R
                 3 5
                               3 4
          -455196A a c m -2242632A a c m -6939824A a c m
--R
--R
                           3
--R
                   3 2
          - 12818528A a c m - 12558720A a c m - 4838400A a c
--R
--R
--R
         m + 3
--R
         x
--R
--R
            4 9 4 8 4 7 4 6 4 5
--R
          -Bam - 53B am - 1214B am - 15722B am - 126329B am
--R
                  4 4 4 3 4 2
--R
--R
          - 649397B a m - 2118136B a m - 4173228B a m - 4407120B a m
--R
--R
                   4
```

```
--R
          - 1814400B a
--R
--R
          m + 2
--R
         X
--R
              4 9 4 8 4 7
--R
                                             4 6
--R
           - A a m - 54A a m - 1266A a m - 16884A a m - 140889A a m
--R
                                4 3
                                             4 2
--R
                    4 4
          - 761166A a m - 2655764A a m - 5753736A a m - 6999840A a m
--R
--R
--R
           - 3628800A a
--R
--R
--R
          m + 1
--R
         x
--R /
--R
        10
              9
                    8
                           7
                                       6
--R
        m + 55m + 1320m + 18150m + 157773m + 902055m + 3416930m
--R
--R
--R
        8409500m + 12753576m + 10628640m + 3628800
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 99
--S 100 of 1396
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 100
)clear all
--S 101 of 1396
t0:=x^3*(A+B*x)*(a+c*x^2)^4
--R
--R
--R
   (1)
               4 11 3 10 3 9 2 2 8 2 2 7
--R
       4 12
     Bcx + Acx + 4Bacx + 4Aacx + 6Bacx + 6Aacx
--R
--R. +
--R
       3 6 3 5
                           4 4 4 3
--R
     4B a c x + 4A a c x + B a x + A a x
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 101
--S 102 of 1396
r0:=1/4*a^4*A*x^4+1/5*a^4*B*x^5+2/3*a^3*A*c*x^6+4/7*a^3*B*c*x^7+3/4*a^2*_
```

```
A*c^2*x^8+2/3*a^2*B*c^2*x^9+2/5*a*A*c^3*x^10+4/11*a*B*c^3*x^11+_
    1/12*A*c^4*x^12+1/13*B*c^4*x^13
--R
--R
--R (2)
--R 1 4 13 1 4 12 4 3 11 2 3 10 2 2 2 9
--R
      -- B c x + -- A c x + -- B a c x + - A a c x + - B a c x
--R
               12
                         11
--R
     3 228 4 3 7 2 3 6 1 45 1 44
--R
--R
     - Aacx + - Bacx + - Aacx + - Bax + - Aax
               7 3
                                   5 4
--R
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 102
--S 103 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 1 4 13 1 4 12 4 3 11 2 3 10 2 2 2 9
--R
     -- B c x + -- A c x + -- B a c x + - A a c x + - B a c x
              12 11
--R
    13
                                    5
--R +
--R
     3 2 2 8 4 3 7 2 3 6 1 4 5 1 4 4
     - A a c x + - B a c x + - A a c x + - B a x + - A a x
--R
            7
                                   5 4
--R
                         3
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 103
--S 104 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 104
--S 105 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R.
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 105
)clear all
--S 106 of 1396
t0:=x^2*(A+B*x)*(a+c*x^2)^4
```

```
--R
--R
--R (1)
--R 4 11 4 10 3 9 3 8 2 2 7 2 2 6
    Bcx + Acx + 4Bacx + 4Aacx + 6Bacx + 6Aacx
--R
--R +
       3 5 3 4 4 3 4 2
--R
    4Bacx + 4Aacx + Bax + Aax
--R
--R
                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 106
--S 107 of 1396
r0:=1/3*a^4*A*x^3+1/4*a^4*B*x^4+4/5*a^3*A*c*x^5+2/3*a^3*B*c*x^6+_
   6/7*a^2*A*c^2*x^7+3/4*a^2*B*c^2*x^8+4/9*a*A*c^3*x^9+2/5*a*B*c^3*x^10+_
   1/11*A*c^4*x^11+1/12*B*c^4*x^12
--R
--R
--R (2)
     1 4 12 1 4 11 2 3 10 4 3 9 3 2 2 8
--R
--R
    -- B c x + -- A c x + - B a c x + - A a c x + - B a c x
--R
              11
--R +
--R
     6 2 2 7 2 3 6 4 3 5 1 4 4 1 4 3
--R
     - Aacx + - Bacx + - Aacx + - Bax + - Aax
--R
                                  4 3
                        5
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 107
--S 108 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
     1 4 12 1 4 11 2 3 10 4 3 9 3 2 2 8
--R
     -- B c x + -- A c x + - B a c x + - A a c x + - B a c x
    12
              11
                       5
--R
--R +
     6 227 2 3 6 4 3 5 1 44 1 43
--R
     - Aacx + - Bacx + - Aacx + - Bax + - Aax
--R
                        5
--R
                                  4
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 108
--S 109 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 109
```

```
--S 110 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                               Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 110
)clear all
--S 111 of 1396
t0:=x*(A+B*x)*(a+c*x^2)^4
--R
--R
--R (1)
--R 4 10 4 9 3 8 3 7 2 2 6 2 2 5
--R Bcx + Acx + 4Bacx + 4Aacx + 6Bacx + 6Aacx
--R +
     3 4 3 3 4 2 4
--R
--R
    4Bacx + 4Aacx + Bax + Aax
--R
                                      Type: Polynomial(Integer)
--E 111
--S 112 of 1396
r0:=1/2*a^4*A*x^2+1/3*a^4*B*x^3+a^3*A*c*x^4+4/5*a^3*B*c*x^5+a^2*A*c^2*x^6+_
   6/7*a^2*B*c^2*x^7+1/2*a*A*c^3*x^8+4/9*a*B*c^3*x^9+1/10*A*c^4*x^10+_
   1/11*B*c^4*x^11
--R
--R
--R (2)
--R
     -- B c x + -- A c x + - B a c x + - A a c x + - B a c x + A a c x
             10 9
--R
--R +
     4 3 5 3 4 1 4 3 1 4 2
--R
--R
    -Bacx + Aacx + - Bax + - Aax
--R
                     3
--R
                              Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 112
--S 113 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
    1 4 11 1 4 10 4 3 9 1 3 8 6 2 2 7 2 2 6
--R -- B c x + -- A c x + - B a c x + - A a c x + - B a c x
--R 11 10 9
                               2
--R +
```

```
4 3 5 3 4 1 4 3 1 4 2
--R
--R
     -Bacx + Aacx + - Bax + - Aax
--R
                        3
                                2
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 113
--S 114 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 114
--S 115 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 115
)clear all
--S 116 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^4
--R
--R
--R (1)
--R 49 48 37 36 225 224 33
--R
    Bcx + Acx + 4Bacx + 4Aacx + 6Bacx + 6Aacx + 4Bacx
--R +
--R
       3 2 4
--R 4A a c x + B a x + A a
                                          Type: Polynomial(Integer)
--R
--E 116
--S 117 of 1396
r0:=a^4*A*x+4/3*a^3*A*c*x^3+6/5*a^2*A*c^2*x^5+4/7*a*A*c^3*x^7+_
   1/9*A*c^4*x^9+1/10*B*(a+c*x^2)^5/c
--R
--R
--R (2)
--R
     1 5 10 1 5 9 1 4 8 4 4 7 2 3 6 6 2 3 5
--R
      -- B c x + - A c x + - B a c x + - A a c x + B a c x + - A a c x
                         2
                9
--R
--R
--R
       3 2 4 4 3 2 3 1 4 2 4 1 5
       Bacx + - Aacx + - Bacx + Aacx + -- Ba
--R
--R
               3
                         2
                                           10
```

```
--R /
--R c
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 117
--S 118 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
    1 4 10 1 4 9 1 3 8 4 3 7 2 2 6 6 2 2 5
     -- B c x + - A c x + - B a c x + - A a c x + B a c x + - A a c x
--R
              9
                                 7
--R
--R
--R
      3 4 4 3 3 1 42
--R
    Bacx + - Aacx + - Bax + Aax
      3
--R
                        2
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 118
--S 119 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 5
--R
        -- B a
--R
       10
--R
--R
   (4) - -----
--R
       С
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 119
--S 120 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 120
)clear all
--S 121 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^4/x
--R
--R
--R (1)
--R
       49 48 37 36 225 224
     Bcx + Acx + 4Bacx + 4Aacx + 6Bacx + 6Aacx
--R
--R
```

```
3 3 3 2 4 4
--R 33324---R 4Bacx+4Aacx+Bax+Aa
--R /
--R x
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 121
--S 122 of 1396
r0:=a^4*B*x+2*a^3*A*c*x^2+4/3*a^3*B*c*x^3+3/2*a^2*A*c^2*x^4+6/5*a^2*B*_
    c^2*x^5+2/3*a*A*c^3*x^6+4/7*a*B*c^3*x^7+1/8*A*c^4*x^8+1/9*B*_
    c^4*x^9+a^4*A*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                   4 9 4 8
                                             3 7 3 6
--R
        2520A a log(x) + 280B c x + 315A c x + 1440B a c x + 1680A a c x
--R
--R
              2 2 5 2 2 4 3 3 3 2
        3024B \ a \ c \ x + 3780A \ a \ c \ x + 3360B \ a \ c \ x + 5040A \ a \ c \ x + 2520B \ a \ x
--R
--R /
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 122
--S 123 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                    4 9 4 8 3 7 3 6
--R
              4
--R
        2520A \ a \ log(x) + 280B \ c \ x + 315A \ c \ x + 1440B \ a \ c \ x + 1680A \ a \ c \ x
--R
--R
                           2 2 4
                                        3 3
--R
       3024B a c x + 3780A a c x + 3360B a c x + 5040A a c x + 2520B a x
--R /
--R
      2520
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 123
--S 124 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 124
--S 125 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 125
)clear all
--S 126 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^4/x^2
--R
--R
--R
    (1)
          4 9
                           3 7
                                      3 6 2 2 5 2 2 4
                 4 8
--R
--R
        Bcx + Acx + 4Bacx + 4Aacx + 6Bacx + 6Aacx
--R
--R
          3 3 3 2
                              4
--R
       4Bacx + 4Aacx + Bax + Aa
--R /
--R
       2
--R
      x
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 126
--S 127 of 1396
r0:=-a^4*A/x+4*a^3*A*c*x+2*a^3*B*c*x^2+2*a^2*A*c^2*x^3+3/2*a^2*B*c^2*x^4+_
    4/5*a*A*c^3*x^5+2/3*a*B*c^3*x^6+1/7*A*c^4*x^7+1/8*B*c^4*x^8+a^4*B*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                            4 9 4 8 3 7
             4
--R
        840B a x log(x) + 105B c x + 120A c x + 560B a c x + 672A a c x
--R
--R
                          2 2 4
--R
       1260B a c x + 1680A a c x + 1680B a c x + 3360A a c x - 840A a
--R /
--R
      840x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 127
--S 128 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                            4 9
                                   4 8
                                                  3 7
--R
        840B a x log(x) + 105B c x + 120A c x + 560B a c x + 672A a c x
--R
--R
                          2 2 4
                                       3 3
        1260B a c x + 1680A a c x + 1680B a c x + 3360A a c x - 840A a
--R
--R /
```

```
--R
       840x
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 128
--S 129 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 129
--S 130 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 130
)clear all
--S 131 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^4/x^3
--R
--R
--R
     (1)
--R
           4 9 4 8 3 7 3 6 2 2 5 2 2 4
--R
       Bcx + Acx + 4Bacx + 4Aacx + 6Bacx + 6Aacx
--R
--R
            3 3 3 2
                             4
--R
       4B a c x + 4A a c x + B a x + A a
--R /
--R
       3
--R
      x
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 131
--S 132 of 1396
r0:=-1/2*a^4*A/x^2-a^4*B/x+4*a^3*B*c*x+3*a^2*A*c^2*x^2+2*a^2*B*c^2*x^3+_
    a*A*c^3*x^4+4/5*a*B*c^3*x^5+1/6*A*c^4*x^6+1/7*B*c^4*x^7+4*a^3*A*c*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
             3 2
                             4 9 4 8
                                                   3 7
--R
        840A a c x log(x) + 30B c x + 35A c x + 168B a c x + 210A a c x
--R
--R
                        2 2 4 3 3
--R
        420B a c x + 630A a c x + 840B a c x - 210B a x - 105A a
--R /
```

```
--R
--R
      210x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 132
--S 133 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
             3 2 4 9 4 8 3 7 3 6
--R
--R
       840A a c x log(x) + 30B c x + 35A c x + 168B a c x + 210A a c x
--R
            2 2 5 2 2 4 3 3 4
--R
--R
       420B a c x + 630A a c x + 840B a c x - 210B a x - 105A a
--R /
--R
--R
      210x
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 133
--S 134 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 134
--S 135 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 135
)clear all
--S 136 of 1396
t0:=x^4*(d+e*x)/(a+c*x^2)
--R
--R
--R
          5 4
--R
         ex +dx
--R
    (1) -----
          2
--R
--R
         c x + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 136
```

```
--S 137 of 1396
r0:=-a*d*x/c^2-1/2*a*e*x^2/c^2+1/3*d*x^3/c+1/4*e*x^4/c+a^(3/2)*d*_
    atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))/c^{(5/2)+1/2*a^2*e*log(a+c*x^2)/c^3
--R
--R
    (2)
--R
--R
--R
                    x\|c
--R
       12a c d\|a atan(----)
--R
                     +-+
--R
                     \|a
--R
                         2 4 2 3 2
--R
--R
       (6a e log(c x + a) + 3c e x + 4c d x - 6a c e x - 12a c d x)\|c
--R /
--R
        3 +-+
--R
      12c \|c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 137
--S 138 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    [
--R
                          +---+
                          | a 2
--R
--R
                      2c x |-- + c x - a
                                           2 2
--R
              l a
                     \| c
         --R
                        2
--R
             \| c
--R
                          cx + a
--R
          2 3
--R
                      2
         4c d x - 6a c e x - 12a c d x
--R
--R
--R
          3
--R
       12c
--R
--R
--R.
                        +-+
--R
                        Ιa
--R
                        1-
                               2 2 2 4 2 3
--R
                 |a
                       \|c
--R
         - 12a c d |- atan(----) + 6a e \log(c x + a) + 3c e x + 4c d x
--R
                \|c
--R
--R
                 2
```

```
- 6a c e x - 12a c d x
--R
--R
          3
--R
       12c
--R
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 138
--S 139 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                           | a 2
--R
--R
                      2c x |-- + c x - a
           | a +-+ \| c
--R
         a d |- - \|c log(-----) - 2a d\|a atan(----)
--R
--R
         \| c
                          2
--R
                            c x + a
--R
--R
                                2 +-+
--R
                                2c \|c
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 139
--S 140 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 140
--S 141 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                           +-+
--R
--R
                                           1-
                               |a +-+ \|c
--R
                     x\|c
         - a d\|a atan(----) - a d |- \|c atan(----)
--R
--R
                      +-+
                             \|c x
--R
                     \|a
--R
                         2 +-+
--R
--R
                         c \lc
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 141
```

```
--S 142 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 142
)clear all
--S 143 of 1396
t0:=x^3*(d+e*x)/(a+c*x^2)
--R
--R
--R
          4 3
--R
         ex + dx
--R (1) -----
            2
--R
--R
          c x + a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 143
--S 144 of 1396
r0:=-a*e*x/c^2+1/2*d*x^2/c+1/3*e*x^3/c+a^(3/2)*e*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))/_
    c^{(5/2)-1/2}*a*d*log(a+c*x^2)/c^2
--R
--R
--R
     (2)
--R
                 +-+
                       2 3 2 +-+
--R
             x\|c
     6a e\|a atan(----) + (- 3a d log(c x + a) + 2c e x + 3c d x - 6a e x)\|c
--R
--R
--R
                 \|a
--R
--R
                                     2 +-+
                                   6c \lc
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 144
--S 145 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    [
--R
--R
--R
                      2c x |-- + c x - a
              | a \| c
--R
          3a e |-\log(----) - 3a d \log(c x + a) + 2c e x
--R
```

```
\| c
--R
--R
--R
         2
--R
--R
       3c d x - 6a e x
--R
--R
--R
       6c
--R
--R
--R
                  |a
--R
                  |-
--R
          |a
                 \|c
     - 6a e |- atan(----) - 3a d log(c x + a) + 2c e x + 3c d x - 6a e x
--R
--R
      --R
--R
                                6c
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 145
--S 146 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                         | a 2
--R
--R
                      2c x |-- + c x - a
         | a +-+ \| c
--R
        a e |- - \|c log(-----) - 2a e\|a atan(----) 
\| c 2 +-+
--R
--R
--R
                          c x + a
                                                     \|a
--R (4) ------
                              2 +-+
--R
                              2c \|c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 146
--S 147 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 147
--S 148 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
```

```
--R
                                              +-+
--R
                                             Ιa
--R
                                             1-
                        +-+
                                  +-+
--R
                      x\|c
                                 |a +-+
                                            \|c
         - a e\|a atan(----) - a e |- \|c atan(----)
--R
--R
                       +-+
                                 \|c
--R
                       \|a
--R
                           2 +-+
--R
--R
                          c \lc
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 148
--S 149 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 149
)clear all
--S 150 of 1396
t0:=x^2*(d+e*x)/(a+c*x^2)
--R
--R
--R
           3 2
--R
         e x + d x
--R (1) -----
          2
--R
--R
          c x + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 150
--S 151 of 1396
 \texttt{r0:=d*x/c+1/2*e*x^2/c-1/2*a*e*log(a+c*x^2)/c^2-d*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))*\_ } 
    sqrt(a)/c^{3/2}
--R
--R
--R
                      x\|c
--R
                                          2
         - 2c d\|a atan(----) + (- a e log(c x + a) + c e x + 2c d x)\|c
--R
--R
                        +-+
--R
                        \|a
--R
     (2) -----
--R
                                      2 +-+
--R
                                    2c \|c
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 151
```

```
--S 152 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                   +---+
| a 2
--R
               - 2c x |- - + c x - a
--R
       | a \| c
--R
     c d |- - log(-----) - a e log(c x + a) + c e x + 2c d x \ | c 2
--R
--R
                   c x + a
--R
--R
--R
--R
                                 2c
--R
--R
                |a
--R
               |-
--R
        la ∖lc
     2c d \mid- atan(----) - a e log(c x + a) + c e x + 2c d x
--R
--R
--R
                           2
--R
                          2c
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 152
--S 153 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                   | a 2
- 2c x |- - + c x - a
                                              x\|c
         | a +-+ \| c
--R
        --R
--R
--R
                         cx + a
    (4) -----
--R
--R
--R
                             2c\|c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 153
--S 154 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
Type: Expression(Integer)
--R
--Е 154
--S 155 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
--R
                                        Ιa
--R
                                       1-
--R
          +-+ x\|c
                           |a +-+ \|c
         d = atan(----) + d - c atan(----)
--R
                   +-+
--R
                          \|c
                  \|a
--R
--R
     (6) -----
--R
                          +-+
--R
                        c\|c
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 155
--S 156 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 156
)clear all
--S 157 of 1396
t0:=x*(d+e*x)/(a+c*x^2)
--R
--R
--R
           2
         e x + d x
--R
--R (1) -----
          2
--R
--R
        c x + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 157
--S 158 of 1396
r0 := e*x/c+1/2*d*log(a+c*x^2)/c-e*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))*sqrt(a)/c^(3/2)
--R
--R
--R
--R
             +-+ x\|c
--R
         - 2e\|a atan(----) + (d log(c x + a) + 2e x)\|c
                       +-+
--R
```

```
--R
                  \|a
--R
--R
--R
                        2c\|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 158
--S 159 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                  1 a 2
--R
--R
            - 2c x |- - + c x - a
--R
     | a \| c
--R
     --R
               c x + a
--R
--R
--R
--R
             |a
--R
             |-
       +-+
     |a
--R
             \|c
     2e |- atan(----) + d log(c x + a) + 2e x
--R
--R
--R
--R
                    2c
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 159
--S 160 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
--R
--R
                   - 2c x |- - + c x - a
--R
         | a +-+ \| c
        e |- - \|c log(-----) + 2e\|a atan(----)
--R
                         2
--R
--R
                                                \|a
                        cx +a
--R
   (4) -----
--R
                              +-+
--R
                            2c\|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 160
--S 161 of 1396
```

```
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 161
--S 162 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                        +-+
--R
                                        |a
--R
                                        |-
--R
                 x\|c
                            |a +-+ \|c
--R
         e\|a atan(----) + e |- \|c atan(----)
--R
                   +-+
                          --R
                   \|a
--R
    (6) -----
--R
--R
                        c\|c
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 162
--S 163 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 163
)clear all
--S 164 of 1396
t0:=(d+e*x)/(a+c*x^2)
--R
--R
--R
          ex+d
--R
    (1) -----
           2
--R
--R
         c x + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 164
--S 165 of 1396
r0:=1/2*e*log(a+c*x^2)/c+d*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))/(sqrt(a)*sqrt(c))
--R
--R
--R
                    +-+
```

```
x\|c 2 +-+ +-+
--R
--R
        2c d atan(----) + e log(c x + a)\|a \|c
--R
                +-+
--R
                \|a
   (2) -----
--R
                     +-+ +-+
--R
--R
                    2c\|a \|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 165
--S 166 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
             2
                  +----+
          (c x - a)\|- a c + 2a c x 2 +----+
--R
--R
     c d log(-----) + e log(c x + a)\|- a c
--R
--R
                  cx +a
    [-----,
--R
--R
--R
                        2c\|- a c
             +---+
--R
            x\|a c 2 +---+
--R
--R
     2c d atan(-----) + e log(c x + a)\|a c
--R
--R
--R
                   +---+
--R
                  2c\la c
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 166
--S 167 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                    2 +----+
         +-+ +-+ (c x - a)\|- a c + 2a c x +----+ x\|c
--R
        d\|a \|c log(-----) - 2d\|- a c atan(----)
--R
--R
                                                      +-+
--R
                        cx + a
                                                     \|a
--R
--R
                           +----+ +-+ +-+
--R
                          2\|- a c \|a \|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 167
--S 168 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
```

```
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 168
--S 169 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
          +---+ +-+ x\|a c +---+ x\|c
--R
--R
         d\|a \|c atan(----) - d\|a c atan(----)
--R
--R
                       a
--R
                                            \|a
--R
--R
                       +-+ +-+ +---+
--R
                       \|a \|c \|a c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 169
--S 170 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 170
)clear all
--S 171 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x*(a+c*x^2))
--R
--R
         e x + d
--R (1) -----
          3
--R
--R
     cx +ax
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 171
--S 172 of 1396
\texttt{r0:=d*log(x)/a-1/2*d*log(a+c*x^2)/a+e*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))/(sqrt(a)*sqrt(c))}
--R
--R
--R
                    +-+
--R
                  x\|c
--R
         2a e atan(----) + (- d log(c x + a) + 2d log(x))\|a \|c
                    +-+
--R
```

```
--R
                 \|a
--R
--R
                             +-+ +-+
--R
                             2a\|a \|c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 172
--S 173 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Ε
--R
--R
             (c x - a)\|- a c + 2a c x
--R
         a e log(-----)
--R
--R
                       cx +a
--R
--R
--R
         (-d \log(c x + a) + 2d \log(x)) \mid -a c
--R
--R
        2a\|- a c
--R
--R
              +---+
--R
--R
             x\|a c
--R
     2a e atan(-----) + (- d log(c x + a) + 2d log(x))\|a c
--R
--R
--R
--R
                          2a∖la c
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 173
--S 174 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
         +-+ +-+ (c x - a)\|- a c + 2a c x +----+ x\|c
--R
         e\|a \|c log(-----) - 2e\|- a c atan(----)
--R
--R
                              2
                                                           +-+
--R
                          cx +a
                                                          \|a
--R (4) ------
                             +----+ +-+ +-+
--R
--R
                             2\|- a c \|a \|c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 174
```

```
--S 175 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 175
--S 176 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
         +---+ x\\a c +---+ x\\c
--R
--R
--R
         e\|a \|c atan(-----) - e\|a c atan(-----)
--R
                a
                                         +-+
--R
                                         \|a
--R (6) -----
--R
                     +-+ +-+ +---+
                     \|a \|c \|a c
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 176
--S 177 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 177
)clear all
--S 178 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x^2*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
         e x + d
--R (1) -----
          4 2
--R
--R
       сх +ах
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 178
--S 179 of 1396
r0:=-d/(a*x)+e*log(x)/a-1/2*e*log(a+c*x^2)/a-d*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))*_
    sqrt(c)/a^(3/2)
--R
--R
--R
                       +-+
```

```
+-+ x\|c 2
--R
--R
        - 2d x\|c atan(----) + (- e x log(c x + a) + 2e x log(x) - 2d)\|a
--R
                     +-+
--R
                     \|a
--R
--R
--R
                                 2a x\|a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 179
--S 180 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                    l c 2
--R
                - 2a x |- - + c x - a
--R
--R
                \| a
     d x \mid - \log(-----) - e x \log(c x + a) + 2e x \log(x) - 2d
       \| a
--R
                      c x + a
--R
--R
                                  2a x
--R
--R
--R
                 Ιc
--R
               a |-
--R
        lc
               \|a
--R
     2d x \mid- atan(----) - e x log(c x + a) + 2e x log(x) - 2d
--R
     \la cx
--R
--R
                           2a x
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 180
--S 181 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                         l c 2
--R
                    - 2a x |- - + c x - a
--R
--R
         | c +-+ \| a
--R
        d |- - \|a log(-----) + 2d\|c atan(----)
                         2
--R
--R
                          cx +a
                                                    \|a
--R (4) -----
--R
                               +-+
--R
                              2a\|a
```

```
Type: Expression(Integer)
--R
--E 181
--S 182 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 182
--S 183 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                            +-+
--R
                                            Ιc
--R
                      +-+
                                          a |-
--R
                    x \mid c
                              +-+ |c
                                           \|a
          d\|c atan(----) + d\|a |- atan(----)
--R
--R
                     +-+
                                 \|a
                                           сх
--R
                     \|a
--R
      (6) -----
--R
                            +-+
--R
                           a\|a
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 183
--S 184 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 184
)clear all
--S 185 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x^3*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
           e x + d
--R
    (1) -----
           5 3
--R
--R
          c x + a x
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 185
--S 186 of 1396
```

```
r0:=-1/2*d/(a*x^2)-e/(a*x)-c*d*log(x)/a^2+1/2*c*d*log(a+c*x^2)/a^2-_
    e*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))*sqrt(c)/a^(3/2)
--R
--R
     (2)
--R
--R
--R
                2 +-+
                        x\|c
--R
        - 2a e x \|c atan(----)
--R
                          +-+
--R
                         \|a
--R
              2 2
--R
                                  2
        (c d x log(c x + a) - 2c d x log(x) - 2a e x - a d)\|a
--R
--R
--R
        2 2 +-+
--R
       2a x \|a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 186
--S 187 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     --R
                         | c 2
- 2a x |- - + c x - a
--R
--R
--R
               2 | c \| a
--R
          a \ e \ x \ | - - \log(-----) + c \ d \ x \ log(c \ x \ + a)
                           2
--R
               \| a
--R
                              c x + a
--R
--R
--R
          -2c d x log(x) - 2a e x - a d
--R
--R
          2 2
--R
        2a x
--R
--R
--R
                      Ιc
--R
                    a |-
--R
           2 |c
                    \|a
                                2 2
--R
      2a e x \mid -atan(----) + c d x log(c x + a) - 2c d x log(x) - 2a e x - a d
--R
           \|a
      -----1
--R
--R
                                       2 2
--R
                                     2a x
--R
                                 Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 187
```

```
--S 188 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                      l c 2
--R
                  - 2a x |- - + c x - a
--R
                                      +-+ x\|c
        | c +-+ \| a
--R
        e |- - \|a log(-----) + 2e\|c atan(----)
--R
        \| a 2
--R
--R
                       c x + a
                                               \|a
    (4) -----
--R
--R
--R
                           2a\|a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 188
--S 189 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 189
--S 190 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
--R
                                 Ιc
--R
                             a |-
                     +-+ |c \|a
        +-+ x\|c
--R
--R
        e\|c atan(----) + e\|a |- atan(----)
                      +-+
--R
--R
              \|a
--R
    (6) -----
--R
--R
                    a\|a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 190
--S 191 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 191
```

```
)clear all
--S 192 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x^4*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
           ex+d
--R
    (1) -----
           6 4
--R
--R
          c x + a x
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 192
--S 193 of 1396
r0:=-1/3*d/(a*x^3)-1/2*e/(a*x^2)+c*d/(a^2*x)+c^(3/2)*d*_
    atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))/a^(5/2)-c*e*log(x)/a^2+1/2*c*e*log(a+c*x^2)/a^2
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
             3 +-+ x\|c
--R
         6c d x \|c atan(----)
--R
                          +-+
--R
                          \|a
--R
--R
--R
         (3c \ e \ x \ log(c \ x \ + a) \ - 6c \ e \ x \ log(x) \ + 6c \ d \ x \ - 3a \ e \ x \ - 2a \ d) \backslash |a
--R /
--R
         2 3 +-+
--R
       6a x \|a
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 193
--S 194 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
--R
                                l c 2
--R
--R
                            2a x |-- + c x - a
                 3 | c \| a
--R
--R
           3c d x \mid - log(-----) + 3c e x log(c x + a)
                                2
--R
                 \| a
--R
                                  cx + a
--R
--R
--R
           - 6c e x log(x) + 6c d x - 3a e x - 2a d
```

```
--R
--R
          2 3
--R
        6a x
--R
--R
                           +-+
--R
                           Ιc
--R
                         a |-
                        3 |c
--R
          - 6c d x \mid - atan(----) + 3c e x log(c x + a) - 6c e x log(x)
--R
--R
               \|a
                       сх
--R
--R
         6c d x - 3a e x - 2a d
--R
--R
--R
          2 3
--R
        6a x
--R
      ]
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 194
--S 195 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                           l c 2
--R
--R
                       2a x |-- + c x - a
--R
           | c +-+ \| a
--R
         c d |- - \|a log(-----) - 2c d\|c atan(----)
                          2
--R
          \| a
--R
                            cx + a
                                                         \|a
--R
                                 2 +-+
--R
                                2a \|a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 195
--S 196 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 196
--S 197 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
```

```
--R
--R
                                               Ιc
--R
                        +-+
                                             a |-
                                     +-+
                              +-+ |c
--R
                      x\|c
                                            \|a
--R
          - c d\|c atan(----) - c d\|a |- atan(----)
--R
                        +-+
                                  \|a cx
--R
                       \|a
--R
--R
                            2 +-+
--R
                            a \|a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 197
--S 198 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 198
)clear all
--S 199 of 1396
t0:=(d+e*x)/(a-c*x^2)
--R
--R
--R
      - e x - d
--R (1) -----
--R
        2
--R
         сх - а
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 199
--S 200 of 1396
\texttt{r0:=-1/2*e*log(a-c*x^2)/c+d*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a))/(sqrt(a)*sqrt(c))}
--R
--R
--R
                                    2 +-+ +-+
--R
                    x \mid c
          2c d atanh(----) - e log(- c x + a)\|a \|c
--R
--R
                     +-+
--R
                    \|a
--R
    (2) -----
--R
                            +-+ +-+
--R
                          2c\|a \|c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 200
--S 201 of 1396
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
             2 +---+
--R
          (c x + a)\|a c + 2a c x 2 +---+
--R
     c d log(-----) - e log(c x - a)\|a c
--R
--R
                 сх - а
--R
--R
--R
--R
                        2c∖|a c
--R
--R
            x\|- a c
     2c d atan(-----) - e log(c x - a)\|- a c
--R
--R
      a
--R
     -----]
--R
                    +----+
                   2c\|- a c
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 201
--S 202 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                     2 +---+
         +-+ +-+ (c x + a)\|a c + 2a c x +---+
--R
                                                       x \mid c
      c d\|a \|c log(-----) - 2c d\|a c atanh(----)
--R
                          2
--R
                                                        +-+
--R
                         сх - а
                                                        \|a
--R
                        2 +-+ +-+ +---+
--R
      (-e \log(c x - a) + e \log(-c x + a)) \leq |c|
--R
--R /
       +-+ +-+ +---+
--R
--R
      2c\|a \|c \|a c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 202
--S 203 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 203
--S 204 of 1396
```

```
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                               +-+
                                                        +----+
--R
                             x \mid c
                                          +-+ +-+
                                                      x\|- a c
--R
         - 2c d\|- a c atanh(----) + 2c d\|a \|c atan(-----)
--R
                              +-+
--R
                              \|a
--R
--R
                                        2
         (- e log(c x - a) + e log(- c x + a))\|- a c \|a \|c
--R
--R /
          +----+ +-+ +-+
--R
--R
       2c\|- a c \|a \|c
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 204
--S 205 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
     (7) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 205
)clear all
--S 206 of 1396
t0:=x^4*(d+e*x)/(a+c*x^2)^2
--R
--R
--R
                5
--R
             ex + dx
--R
          2 4 2 2
--R
--R
          c x + 2a c x + a
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 206
--S 207 of 1396
r0:=3/2*d*x/c^2+e*x^2/c^2-1/2*d*x^3/(a*c)-1/2*x^4*(a*e-c*d*x)/_
    (a*c*(a+c*x^2))-a*e*log(a+c*x^2)/c^3-3/2*d*atan(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a))*sqrt(a)/c^(5/2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
                          +-+
                                     x \mid c
         (-3c d x - 3a c d) | a atan(----)
--R
```

```
--R
                                 +-+
--R
                                \|a
--R
--R
                   2 2
                                 2
                                      2 4 2 3 2
--R
           (-2a c e x - 2a e)log(c x + a) + c e x + 2c d x + 2a c e x
--R
--R
           3a\ c\ d\ x
--R
--R
         +-+
--R
         \|c
--R /
        4 2 3 +-+
--R
--R
      (2c x + 2a c )\|c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 207
--S 208 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Ε
--R
--R
                                      | a
                                - 2c x |- - + c x - a
--R
            2 2 | a \| c
--R
         (3c d x + 3a c d) |- - log(-----)
--R
--R
                        \| c
--R
                                      c x + a
--R
--R
                  2 2 2
                                    2 4 2 3
--R
         (-4a c e x - 4a e)log(c x + a) + 2c e x + 4c d x + 2a c e x
--R
--R
--R
         6a c d x - 2a e
--R
        4 2 3
--R
--R
        4c x + 4a c
--R
--R
--R
--R
                                |a
--R
                                1-
--R
                        |a
                               \|c
                                             2 2
         (3c d x + 3a c d) - atan(----) + (- 2a c e x - 2a e)log(c x + a)
--R
--R
                       \|c
--R
--R
         2 4 2 3 2
         cex + 2cdx + acex + 3acdx - ae
--R
--R
```

```
4 2 3
      2c x + 2a c
--R
--R
--R
                                 Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 208
--S 209 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
                          | a 2
--R
--R
                     - 2c x |- - + c x - a
--R
                                               +-+ x\|c
         | a +-+
                    \| c
--R
     3c d |- - \|c log(-----) + 6c d\|a atan(----) - 2a e\|c
                       2
--R
                                                         +-+
     \| c
--R
                          c x + a
                                                         \|a
--R
                                    3 +-+
--R
--R
                                   4c \|c
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 209
--S 210 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 210
--S 211 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
--R
                                             Ιa
--R
                                            |-
                                 |a +-+
--R
                    x \mid c
                                           \|c
--R
         3c d\|a atan(----) + 3c d |- \|c atan(----) - a e\|c
                      +-+
--R
                                \|c
--R
                     \|a
--R
--R
                                3 +-+
--R
                              2c \|c
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 211
--S 212 of 1396
```

```
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 212
)clear all
--S 213 of 1396
t0:=x^3*(d+e*x)/(a+c*x^2)^2
--R
--R
                4 3
--R
--R
            ex + dx
--R
    (1) -----
--R
         2 4 2
--R
         c x + 2a c x + a
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 213
--S 214 of 1396
\texttt{r0:=}3/2*\texttt{e*x/c^2-}1/2*\texttt{d*x^2/(a*c)-}1/2*\texttt{x^3*(a*e-c*d*x)/(a*c*(a+c*x^2))+}\_
    1/2*d*log(a+c*x^2)/c^2-3/2*e*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))*sqrt(a)/c^(5/2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
           2 +-+
--R
                                   x\|c
--R
       (- 3c e x - 3a e)\|a atan(----)
--R
--R
                                    \|a
--R
--R
         ((c d x + a d)log(c x + a) + 2c e x - c d x + 3a e x) \setminus |c|
--R
--R /
         3 2 2 +-+
--R
--R
       (2c x + 2a c) | c
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 214
--S 215 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
     Ε
--R
                                          +---+
--R
                                          1 a 2
                                    - 2c x |- - + c x - a
--R
```

```
--R
                --R
--R
--R
--R
        (2c d x + 2a d)log(c x + a) + 4c e x + 6a e x + 2a d
--R
--R
       3 2 2
--R
       4c x + 4a c
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                            |-
--R
                    |a \|c 2 2
--R
         (3c e x + 3a e) | - atan(----) + (c d x + a d)log(c x + a) + 2c e x
--R
                   --R
--R
         3a e x + a d
--R
       3 2 2
--R
--R
       2c x + 2a c
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 215
--S 216 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
--R
         +---+ - 2c x |- - + c x - a | a +-+
                                       +-+ x\|c
        3e |- - \|c log(-----) + 6e\|a atan(----) + 2d\|c
--R
        \| c
--R
                                                  +-+
--R
                         сх + а
                                                  \|a
--R
--R
--R
                                4c \|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 216
--S 217 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
```

```
--E 217
--S 218 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                         +-+
--R
                                         |a
--R
                                         1-
                            |a +-+
--R
                  x\|c
                                        \|c
--R
         3e\arrown atan(----) + 3e |- \|c atan(----) + d\arrown |c
                    +-+
--R
                           \|c
--R
                    \|a
--R
     (6) -----
--R
                             2 +-+
--R
                            2c \|c
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 218
--S 219 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 219
)clear all
--S 220 of 1396
t0:=x^2*(d+e*x)/(a+c*x^2)^2
--R
--R
--R
              3 2
--R
            ex + dx
--R
    (1) -----
         2 4 2 2
--R
--R
         cx + 2acx + a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 220
--S 221 of 1396
r0:=-1/2*d*x/(a*c)-1/2*x^2*(a*e-c*d*x)/(a*c*(a+c*x^2))+_
    1/2*e*log(a+c*x^2)/c^2+1/2*d*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))/(c^(3/2)*sqrt(a))
--R
--R
--R
    (2)
--R
          2 2
--R
                          x \mid c
        (c d x + a c d)atan(----)
--R
```

```
--R
--R
                          \|a
--R
                                   2 +-+ +-+
            2
--R
                          2
--R
       ((c e x + a e)log(c x + a) - c e x - c d x)|a |c
--R /
       3 2 2 +-+ +-+
--R
--R
      (2c x + 2a c)|a|c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 221
--S 222 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     [
                                  +---+
--R
                             2
--R
          2 2 (c x - a)\|- a c + 2a c x
         (c d x + a c d)log(-----)
--R
--R
                                  2
--R
                                  cx + a
--R
--R
                   2
--R
          ((2c e x + 2a e)log(c x + a) - 2c d x + 2a e) | - a c
--R
         3 2 2 +----+
--R
--R
        (4c x + 4a c) = a c
--R
--R
--R
          2 2
--R
                           x\|a c
--R
         (c d x + a c d)atan(-----)
--R
--R
           2
                    2
--R
         ((c e x + a e)log(c x + a) - c d x + a e) | a c
--R
--R
         3 2 2 +---+
--R
        (2c x + 2a c )\|a c
--R
--R
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 222
--S 223 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
                                                              +-+
```

```
--R +-+ +-+ (c x - a)\|- a c + \anglea c x c d\|a \|c log(------) - 2c d\|- a c atan(----) - 2c d\|- a c atan(----) +-+
          +-+ +-+ (c x - a)\|- a c + 2a c x +----+ x\|c
--R
                             c x + a
                                                                \|a
--R
        +----+ +-+ +-+
--R
       2e\|- a c \|a \|c
--R
--R /
       2 +----+ +-+ +-+
--R
      4c \|- a c \|a \|c
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 223
--S 224 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 224
--S 225 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
                        +---+
--R
                                             +-+
        +-+ +-+ x\a c +---+ x\c +-+ +--+
--R
--R
    c d\|a \|c atan(-----) - c d\|a c atan(----) + e\|a \|c \|a c
--R
                                              +-+
--R
                                              \|a
--R (6) ------
                                2 +-+ +-+ +---+
--R
--R
                              2c \|a \|c \|a c
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 225
--S 226 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 226
)clear all
--S 227 of 1396
t0:=x*(d+e*x)/(a+c*x^2)^2
--R
--R
```

```
--R
    2
e x + d x
--R
--R (1) -----
--R 2 4 2 2
--R
      c x + 2a c x + a
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 227
--S 228 of 1396
 \texttt{r0:=1/2*(-d-e*x)/(c*(a+c*x^2))+1/2*e*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))/(c^(3/2)*sqrt(a))} 
--R
--R
         2 x\|c
--R
       (c e x + a e)atan(----) + (-e x - d)|a |c
--R
--R
                      +-+
--R
                     \|a
--R (2) -----
                  2 2 +-+ +-+
--R
--R
                 (2c x + 2a c) |a |c
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 228
--S 229 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
                    2 +----+
--R
      2 (c x - a)\|- a c + 2a c x +----+
--R
--R
   --R
--R
                        cx +a
                        2 2 +----+
--R
--R
                     (4c x + 4a c) \mid -a c
                   +---+
--R
        --R
--R
    (c e x + a e)atan(-----) + (-e x - d) | a c
--R
                    a
--R
--R
                2 2
--R
              (2c x + 2a c)\|a c
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 229
--S 230 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
```

```
2 +----+
--R
      +-+ +-+ (c x - a)\|- a c + 2a c x +----+ x\|c
--R
--R
        e\|a \|c log(-----) - 2e\|- a c atan(----)
                        2
--R
--R
                        сх + а
                                                    \|a
--R (4) -----
--R
                           +----+ +-+ +-+
--R
                         4c\|- a c \|a \|c
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 230
--S 231 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 231
--S 232 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                   +---+
       +-+ +-+ x\|a c +---+ x\|c
--R
--R
       e\|a \|c atan(-----) - e\|a c atan(----)
--R
--R
                                    \|a
--R (6) -----
                  +-+ +-+ +---+
--R
--R
                  2c\|a \|c \|a c
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 232
--S 233 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 233
)clear all
--S 234 of 1396
t0:=(d+e*x)/(a+c*x^2)^2
--R
--R
     e x + d
--R
--R (1) -----
```

```
2 4 2 2
--R
--R
       c x + 2a c x + a
--R
                                 Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 234
--S 235 of 1396
r0:=1/2*(-a*e+c*d*x)/(a*c*(a+c*x^2))+1/2*d*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))/_
   (a^(3/2)*sqrt(c))
--R
--R
--R
                      x\|c
       (c d x + a c d)atan(----) + (c d x - a e)|a |c
--R
--R
                         +-+
--R
                       \|a
--R (2) -----
--R
                     2 2 2 +-+ +-+
--R
                  (2a c x + 2a c)\|a \|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 235
--S 236 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
     2 2 (c x - a)\|- a c + 2a c x +----+
--R
--R
    (c d x + a c d)log(-----) + (2c d x - 2a e)\|- a c
--R
--R
                          cx +a
--R
   [-----,
                           2 2 2 +----+
--R
--R
                       (4a c x + 4a c) \mid -a c
--R
--R
                   x\|a c
--R
    (c d x + a c d)atan(-----) + (c d x - a e) | a c
--R
--R
                   2 2 2 +---+
--R
--R
               (2a c x + 2a c)\|a c
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 236
--S 237 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
                   2 +----+
--R
                                                     +-+
         +-+ +-+ (c x - a)\|- a c + 2a c x +----+ x\|c
--R
```

```
d\|a \|c log(-----) - 2d\|- a c atan(----)
--R
--R
                          2
--R
                         c x + a
                                                       \|a
--R (4) -----
--R
                            +----+ +-+ +-+
                          4a\|- a c \|a \|c
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 237
--S 238 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 238
--S 239 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                   +---+
        +-+ +-+ x\|a c +---+ x\|c
--R
--R
        d\|a \|c atan(----) - d\|a c atan(----)
--R
                     a
--R
                                      \|a
--R
--R
                    +-+ +-+ +---+
--R
                  2a\|a \|c \|a c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 239
--S 240 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 240
)clear all
--S 241 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x*(a+c*x^2)^2)
--R
--R
       e x + d
--R
--R (1) -----
       2 5 3 2
--R
--R c x + 2a c x + a x
```

```
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 241
--S 242 of 1396
r0:=1/2*(d+e*x)/(a*(a+c*x^2))+d*log(x)/a^2-1/2*d*log(a+c*x^2)/a^2+_
    1/2*e*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))/(a^(3/2)*sqrt(c))
--R
--R
     (2)
--R
--R
              2 2
                            x\|c
         (a c e x + a e)atan(----)
--R
                              +-+
--R
--R
                             \|a
--R
--R
                                 2
--R
           ((-cdx - ad)log(cx + a) + (2cdx + 2ad)log(x) + aex + ad)
--R
           +-+ +-+
--R
--R
          \|a \|c
--R /
--R
          2 2 3 +-+ +-+
--R
       (2a c x + 2a) | a | c
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 242
--S 243 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
--R
                 2 2 (c x - a) = a c + 2a c x
--R
           (a c e x + a e)log(-----)
--R
                                        2
--R
                                      c x + a
--R
--R
--R
              (-2c d x - 2a d)log(c x + a) + (4c d x + 4a d)log(x) + 2a e x
--R
--R
              2a d
--R
             +----+
--R
--R
            \|- a c
--R
           2 2 3 +----+
--R
--R
         (4a c x + 4a) \mid -a c
--R
--R
```

```
--R
--R
                2 2 x\|ac
--R
          (a c e x + a e)atan(-----)
--R
--R
--R
                                   2
--R
               (-cdx - ad)log(cx + a) + (2cdx + 2ad)log(x) + aex
--R
--R
                a d
--R
             +---+
--R
--R
            \la c
--R
           2 2 3 +---+
--R
--R
         (2a c x + 2a )\|a c
--R
--R
                                 Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 243
--S 244 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
                             +----+
--R
                        2
          +-+ +-+ (c x - a)\|- a c + 2a c x +----+ x\|c
--R
         e\|a \|c log(-----) - 2e\|- a c atan(----)
--R
                              2
--R
--R
                             c x + a
                                                               \|a
--R
--R
                                 +----+ +-+ +-+
                               4a\|- a c \|a \|c
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 244
--S 245 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 245
--S 246 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                       +---+
--R
          +-+ +-+ x\|a c
                              +---+ x\|c
         e\|a \|c atan(----) - e\|a c atan(----)
--R
--R
                                            +-+
                        a
```

```
--R
                                               \|a
--R
--R
                         +-+ +-+ +---+
--R
                        2a\|a \|c \|a c
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 246
--S 247 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 247
)clear all
--S 248 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x^2*(a+c*x^2)^2)
--R
--R
--R
                 ex+d
--R
     (1) -----
--R
          26 4 22
--R
          cx + 2acx + ax
--R
                                            Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 248
--S 249 of 1396
r0:=-3/2*d/(a^2*x)+1/2*(d+e*x)/(a*x*(a+c*x^2))+e*log(x)/a^2-_
    1/2*e*log(a+c*x^2)/a^2-3/2*d*atan(x*sqrt(c)/sqrt(a))*sqrt(c)/a^(5/2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                3 +-+
                                     x \mid c
--R
--R
         (-3c d x - 3a d x) | c atan(----)
--R
                                       +-+
--R
                                       \|a
--R
--R
             (-\ c\ e\ x\ -\ a\ e\ x)log(c\ x\ +\ a)\ +\ (2c\ e\ x\ +\ 2a\ e\ x)log(x)\ -\ 3c\ d\ x
--R
--R.
--R
             a e x - 2a d
--R
--R
            +-+
--R
           \|a
--R /
--R
          2 3 3 +-+
--R
       (2a c x + 2a x) | a
```

```
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 249
--S 250 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
--R
--R
                                     - 2a x |- - + c x - a
                           l c
                                         \| a
--R
           (3c d x + 3a d x) |- - log(-----)
--R
--R
                           \| a
                                            2
--R
                                            c x + a
--R
--R
                           2
           (-2c e x - 2a e x)log(c x + a) + (4c e x + 4a e x)log(x) - 6c d x
--R
--R
--R
           2a e x - 4a d
--R
--R
         2 3 3
--R
        4a c x + 4a x
--R
--R
--R
--R
                                     lc
--R
                                   a |-
--R
                           lс
                                   \|a
--R
           (3c d x + 3a d x) - atan(----) + (-c e x - a e x)log(c x + a)
--R
                           \|a
--R
--R
--R
          (2c e x + 2a e x)log(x) - 3c d x + a e x - 2a d
--R
          2 3 3
--R
         2a c x + 2a x
--R
--R
--R
                                   Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 250
--S 251 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
--R
                               l c 2
                         - 2a x |- - + c x - a
--R
                              \| a
--R
                                                           x \mid c
```

```
3d |- - \|a log(-----) + 6d\|c atan(----)
--R
--R
                  c x + a
        \| a
--R
                                                \|a
--R (4) -----
                           2 +-+
--R
--R
                           4a \|a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 251
--S 252 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 252
--S 253 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
--R
                                  Ιc
                                 a |-
--R
                +-+
                        +-+
       +-+ x\|c +-+ |c \|a
--R
--R
       3d\|c atan(----) + 3d\|a |- atan(----)
                 +-+
--R
                      \la cx
--R
                \|a
--R
   (6) -----
--R
                    2 +-+
--R
                    2a \|a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 253
--S 254 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 254
)clear all
--S 255 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x^3*(a+c*x^2)^2)
--R
--R
--R
     e x + d
--R (1) -----
```

```
2 7 5 2 3
--R
--R
         c x + 2a c x + a x
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 255
--S 256 of 1396
r0:=-d/(a^2*x^2)-3/2*e/(a^2*x)+1/2*(d+e*x)/(a*x^2*(a+c*x^2))-_
    2*c*d*log(x)/a^3+c*d*log(a+c*x^2)/a^3-3/2*e*atan(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a))*sqrt(c)/a^(5/2)
--R
--R
     (2)
--R
--R
                 4 2 2 +-+
--R
--R
         (- 3a c e x - 3a e x )\|c atan(----)
--R
                                       +-+
--R
                                      \|a
--R
--R
              2 4
                             2
                                     2
                                                2 4
            (2c d x + 2a c d x) log(c x + a) + (-4c d x - 4a c d x) log(x)
--R
--R
--R
                     3 2
                                     2
--R
            - 3a c e x - 2a c d x - 2a e x - a d
--R
--R
           +-+
--R
          \|a
--R /
--R
         3 4 4 2 +-+
--R
       (2a c x + 2a x) | a
--R.
                                                Type: Expression(Integer)
--E 256
--S 257 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
                                            l c
--R
--R
                                      - 2a x |- - + c x - a
--R
                     2 2 | c
                                          \| a
--R.
          (3a c e x + 3a e x ) |- - log(-----)
                                              2
--R
                             \| a
--R
                                             cx + a
--R
--R
                     2
                                              2 4
--R
          (4c d x + 4a c d x) log(c x + a) + (-8c d x - 8a c d x) log(x)
--R
--R
                   3
                             2
                                   2
                                        2
```

```
--R
        - 6a c e x - 4a c d x - 4a e x - 2a d
--R
--R
       3 4 4 2
       4a c x + 4a x
--R
--R
--R
--R
--R
                                 l c
                                a |-
--R
               4 2 2 c
--R
                               \|a
--R
         (3a c e x + 3a e x) | - atan(----)
--R
                        --R
          2 4 2 2
--R
--R
        (2c d x + 2a c d x) log(c x + a) + (-4c d x - 4a c d x) log(x)
--R
--R
                        2
                             2
        - 3acex - 2acdx - 2aex - ad
--R
--R
        3 4 4 2
--R
--R
       2a c x + 2a x
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 257
--S 258 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                          +---+
                         +---+
| c 2
--R
--R
                   - 2a x |- - + c x - a
         | c +-+ \| a
--R
--R
        3e |- - \|a log(-----) + 6e\|c atan(----)
                         2
--R
        \| a
--R
                         сх + а
                                                  \|a
--R (4) ------
--R
                              2 +-+
--R
                             4a \|a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 258
--S 259 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 259
```

```
--S 260 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                   +-+
--R
                                   lс
--R
                                  a |-
--R
               x\|c
                        +-+ |c
                                  \|a
        3e\c atan(----) + 3e\a |- atan(----)
--R
                       +-+
--R
--R
                \|a
--R
    (6) -----
                     2 +-+
--R
--R
                    2a \|a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 260
--S 261 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 261
)clear all
--S 262 of 1396
t0:=x^4*(d+e*x)/(a^2-c^2*x^2)
--R
--R
          5 4
--R
--R
       - e x - d x
--R (1) -----
--R
         2 2 2
--R
        сх - а
--R
                                 Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 262
--S 263 of 1396
r0:=-a^2*d*x/c^4-1/2*a^2*e*x^2/c^4-1/3*d*x^3/c^2-1/4*e*x^4/c^2-_
   1/2*a^3*(c*d+a*e)*log(a-c*x)/c^6+1/2*a^3*(c*d-a*e)*log(a+c*x)/c^6
--R
--R
--R (2)
--R
          4 3
                                  4
                                       3
       --R
--R
    --R
--R
```

```
--R /
--R 6
--R
    12c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 263
--S 264 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
               3
                                        3
                                   4
      --R
--R
--R
         4 3 2 2 2 2 2 2
     - 4c d x - 6a c e x - 12a c d x
--R
--R /
--R
        6
--R
     12c
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 264
--S 265 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
                    4 3
       4 3
--R
    (- a e - a c d)log(c x - a) + (a e + a c d)log(- c x + a)
--R
--R
--R
                              6
--R
                             2c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 265
--S 266 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 266
)clear all
--S 267 of 1396
t0:=x^3*(d+e*x)/(a^2-c^2*x^2)
--R
--R
--R
        4 3
--R - e x - d x
```

```
(1) -----
--R
            2 2 2
--R
            сх - а
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 267
--S 268 of 1396
r0:=-a^2*e*x/c^4-1/2*d*x^2/c^2-1/3*e*x^3/c^2-1/2*a^2*(c*d+a*e)*_
    log(a-c*x)/c^5-1/2*a^2*(c*d-a*e)*log(a+c*x)/c^5
--R
--R
     (2)
--R
            3
                                         3
                                                2
--R
         (3a e - 3a c d)log(c x + a) + (- 3a e - 3a c d)log(- c x + a) - 2c e x
--R
--R
--R
           3 2 2
--R
        - 3c d x - 6a c e x
--R /
--R
--R
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 268
--S 269 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
              2
                                          3
                                                2
--R
        (3a e - 3a c d)log(c x + a) + (- 3a e - 3a c d)log(c x - a) - 2c e x
--R
--R
           3 2 2
--R
        - 3c d x - 6a c e x
--R /
--R
         5
       6c
--R
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 269
--S 270 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             3
                                      3 2
--R
          (-ae-acd)\log(cx-a) + (ae+acd)\log(-cx+a)
--R
--R
                                     5
--R
                                   2c
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 270
```

```
--S 271 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 271
)clear all
--S 272 of 1396
t0:=x^2*(d+e*x)/(a^2-c^2*x^2)
--R
--R
--R
            3
--R
      - e x - d x
--R (1) -----
--R
          2 2 2
--R
         сх - а
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 272
--S 273 of 1396
r0:=-d*x/c^2-1/2*e*x^2/c^2-1/2*a*(c*d+a*e)*log(a-c*x)/c^4+_
    1/2*a*(c*d-a*e)*log(a+c*x)/c^4
--R
--R
--R
    (2)
--R 2
                                   2
--R (- a e + a c d)log(c x + a) + (- a e - a c d)log(- c x + a) - c e x - 2c d x
--R ------
--R
--R
                                      2c
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 273
--S 274 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                                  2
--R
    (-ae+acd)\log(cx+a)+(-ae-acd)\log(cx-a)-cex-2cdx
--R
--R
--R
                                     2c
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 274
```

```
--S 275 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        (-ae-acd)\log(cx-a) + (ae+acd)\log(-cx+a)
--R
--R
--R
--R
                                  2c
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 275
--S 276 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 276
)clear all
--S 277 of 1396
t0:=x*(d+e*x)/(a^2-c^2*x^2)
--R
--R
--R
--R
      - e x - d x
--R (1) -----
--R
           2 2 2
--R
          сх - а
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 277
--S 278 of 1396
{\tt r0:=-e*x/c^2-1/2*(c*d+a*e)*log(a-c*x)/c^3-1/2*(c*d-a*e)*log(a+c*x)/c^3}
--R
--R
--R
         (a e - c d)log(c x + a) + (- a e - c d)log(- c x + a) - 2c e x
     (2) -----
--R
--R
--R
                                    2c
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 278
--S 279 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         (a e - c d)log(c x + a) + (- a e - c d)log(c x - a) - 2c e x
--R
```

```
--R
--R
                                 3
--R
                                 2c
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 279
--S 280 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        (-ae-cd)\log(cx-a) + (ae+cd)\log(-cx+a)
    (4) -----
--R
--R
                               3
--R
                             2c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 280
--S 281 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 281
)clear all
--S 282 of 1396
t0:=(d+e*x)/(a^2-c^2*x^2)
--R
--R
--R
       - e x - d
--R (1) -----
--R
        2 2 2
--R
       сх - а
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 282
--S 283 of 1396
r0:=-1/2*(c*d/a+e)*log(a-c*x)/c^2+1/2*(c*d/a-e)*log(a+c*x)/c^2
--R
--R
--R
        (-a e + c d)log(c x + a) + (-a e - c d)log(-c x + a)
--R
    (2) -----
--R
                                 2
                             2a c
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 283
--S 284 of 1396
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         (-ae+cd)\log(cx+a)+(-ae-cd)\log(cx-a)
--R
    (3) -----
--R
                                  2
--R
                              2a c
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 284
--S 285 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         (-ae-cd)\log(cx-a)+(ae+cd)\log(-cx+a)
--R
--R
--R
                              2a c
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 285
--S 286 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 286
)clear all
--S 287 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x*(a^2-c^2*x^2))
--R
--R
         - e x - d
--R (1) -----
--R
         2 3 2
--R
         сх - ах
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 287
--S 288 of 1396
r0:=d*log(x)/a^2-1/2*(c*d+a*e)*log(a-c*x)/(a^2*c)-_
    1/2*(c*d-a*e)*log(a+c*x)/(a^2*c)
--R
--R
--R
         (a e - c d)log(c x + a) + 2c d log(x) + (- a e - c d)log(- c x + a)
--R
--R
                                        2
```

```
--R
                                         2a c
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 288
--S 289 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         (a e - c d)log(c x + a) + (- a e - c d)log(c x - a) + 2c d log(x)
--R
--R
--R
                                        2a c
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 289
--S 290 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        (-ae-cd)\log(cx-a)+(ae+cd)\log(-cx+a)
--R
--R
                                    2
--R
                                  2a c
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 290
--S 291 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 291
)clear all
--S 292 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x^2*(a^2-c^2*x^2))
--R
--R
--R
           - e x - d
--R (1) -----
--R
         2 4 2 2
--R
          сх - ах
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 292
--S 293 of 1396
r0:=-d/(a^2*x)+e*log(x)/a^2-1/2*(c*d+a*e)*log(a-c*x)/a^3+_
     1/2*(c*d-a*e)*log(a+c*x)/a^3
```

```
--R
--R
--R (2)
    (- a e + c d)x log(c x + a) + 2a e x log(x)
--R
--R
        (-ae-cd)x log(-cx+a)-2ad
--R
--R /
--R
       3
--R
       2a x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 293
--S 294 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
        (-ae+cd)x \log(cx+a) + (-ae-cd)x \log(cx-a) + 2aex \log(x)
--R
--R
        - 2a d
--R
--R /
--R
        3
--R
       2a x
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 294
--S 295 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         (-a e - c d)log(c x - a) + (a e + c d)log(-c x + a)
--R
    (4) -----
--R
                                 3
--R
                               2a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 295
--S 296 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 296
)clear all
--S 297 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x^3*(a^2-c^2*x^2))
--R
```

```
--R
--R
                                                        - e x - d
--R
                            (1) -----
--R
                                                          25 23
--R
                                                            c x - a x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                               Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 297
--S 298 of 1396
 \texttt{r0:=-1/2*d/(a^2*x^2)-e/(a^2*x)+c^2*d*log(x)/a^4-1/2*c*(c*d+a*e)*} \\ \texttt{-} \\
                             log(a-c*x)/a^4-1/2*c*(c*d-a*e)*log(a+c*x)/a^4
--R
--R
                                  (2)
--R
 --R
                                                                                                          2 2
                                                                                                                                                                                                                                      2 2
 --R
                                                        (a c e - c d)x log(c x + a) + 2c d x log(x)
--R
--R
                                                                                                                     2 2
                                                          (-ace-cd)x log(-cx+a) - 2aex-ad
--R
--R /
--R
--R
                                              2a x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 298
--S 299 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                           (3)
--R
                                                                                                               2 2
--R
                                                        (a c e - c d)x log(c x + a) + (- a c e - c d)x log(c x - a)
--R
                                                            2 2 2 2
--R
--R
                                                        2c d x log(x) - 2a e x - a d
--R /
--R
                                                4 2
--R
                                              2a x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 299
--S 300 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
                                                          (-ace-cd)log(cx-a)+(ace+cd)log(-cx+a)
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                 4
--R
                                                                                                                                                                                                                       2a
```

```
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 300
--S 301 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 301
)clear all
--S 302 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x^4*(a^2-c^2*x^2))
--R
--R
--R
          - e x - d
--R (1) -----
--R
         26 24
--R
         сх - ах
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 302
--S 303 of 1396
r0:=-1/3*d/(a^2*x^3)-1/2*e/(a^2*x^2)-c^2*d/(a^4*x)+c^2*e*log(x)/a^4-_
    1/2*c^2*(c*d+a*e)*log(a-c*x)/a^5+1/2*c^2*(c*d-a*e)*log(a+c*x)/a^5
--R
--R
--R (2)
--R
               2 3 3
--R
        (-3a c e + 3c d)x log(c x + a) + 6a c e x log(x)
--R
--R
                                            2 2 3
--R
        (- 3a c e - 3c d)x log(- c x + a) - 6a c d x - 3a e x - 2a d
--R /
--R
       5 3
--R
       6a x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 303
--S 304 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
             2 3 3
--R
       (-3a c e + 3c d)x log(c x + a) + (-3a c e - 3c d)x log(c x - a)
--R
            2 3 2 2 3
--R
                                              3
```

```
--R
       6a c e x log(x) - 6a c d x - 3a e x - 2a d
--R /
--R
       5 3
--R
      6a x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 304
--S 305 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
            2 3
--R
                                     2 3
        (-ace-cd)log(cx-a)+(ace+cd)log(-cx+a)
--R
--R
     (4) -----
--R
                                 5
--R
                                2a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 305
--S 306 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 306
)clear all
--S 307 of 1396
t0:=x^4*(d+e*x)/(a^2-c^2*x^2)^2
--R
--R
             5 4
--R
--R
           ex + dx
--R (1) -----
         4 4 2 2 2 4
--R
         c x - 2a c x + a
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 307
--S 308 of 1396
 \texttt{r0:=} 3/2*d*x/c^4+e*x^2/c^4+1/2*d*x^3/(a^2*c^2)+1/2*x^4*(a^2*e+c^2*d*x)/\_ 
    (a^2*c^2*(a^2-c^2*x^2))+1/4*a*(3*c*d+4*a*e)*log(a-c*x)/c^6-_
    1/4*a*(3*c*d-4*a*e)*log(a+c*x)/c^6
--R
--R
--R (2)
--R
            2 2 3 2 4
        ((4a c e - 3a c d)x - 4a e + 3a c d)log(c x + a)
--R
```

```
--R
         2 2 3 2 4
--R
                                3
--R
       ((4a c e + 3a c d)x - 4a e - 3a c d)log(- c x + a) + 2c e x + 4c d x
--R
--R
          2 2 2 2 2
--R
        - 4a c e x - 6a c d x
--R /
       8 2 2 6
--R
--R
      4c x - 4a c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 308
--S 309 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
           2 2 3 2 4
--R
        ((4a c e - 3a c d)x - 4a e + 3a c d)log(c x + a)
--R
--R
           2 2 3 2 4
      ((4a c e + 3a c d)x - 4a e - 3a c d)log(c x - a) + 2c e x + 4c d x
--R
--R
          2 2 2 2 2 4
--R
--R
        - 2a c e x - 6a c d x - 2a e
--R /
--R
       8 2 2 6
--R
      4c x - 4a c
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 309
--S 310 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
       (4a e + 3a c d)\log(c x - a) + (- 4a e - 3a c d)\log(- c x + a) + 2a e
--R
   (4) -----
--R
                                      6
--R
                                    4c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 310
--S 311 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 311
```

```
)clear all
--S 312 of 1396
t0:=x^3*(d+e*x)/(a^2-c^2*x^2)^2
--R
--R
--R
                                                    4 3
                                            ex + dx
 --R
--R
               (1) -----
--R
                                    4 4 2 2 2 4
                                 c x - 2a c x + a
--R
--R
                                                                                                                                                Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 312
--S 313 of 1396
 \texttt{r0:=} 3/2 * \texttt{e*x/c^4+} 1/2 * \texttt{d*x^2/(a^2*c^2)+} 1/2 * \texttt{x^3*(a^2*e+c^2*d*x)/(a^2*c^2*_a^2) +} 1/2 * \texttt{x^3*(a^2*e+c^2*_a^2) +}
                (a^2-c^2*x^2)+1/4*(2*c*d+3*a*e)*log(a-c*x)/c^5+1/4*(2*c*d-3*a*e)*_
                log(a+c*x)/c^5
--R
--R
--R (2)
--R
                                                   2 3 2 3
                                                                                                                               2
--R
                          ((-3a c e + 2c d)x + 3a e - 2a c d)log(c x + a)
--R
--R
                                                  2 3 2 3
                                                                                                                        2
                                                                                                                                                                              3 3 3 2
--R
                          ((3a c e + 2c d)x - 3a e - 2a c d)log(-c x + a) + 4c e x - 2c d x
--R
--R
                                            2
--R
                              - 6а с е х
--R /
                          7 2 2 5
--R
--R
                         4c x - 4a c
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 313
--S 314 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
 --R
                  (3)
                                                       2 3 2 3
 --R
                                                                                                                               2
--R
                              ((-3a c e + 2c d)x + 3a e - 2a c d)log(c x + a)
--R
--R
                                               2
                                                                   3 2 3
                                                                                                                              2
                                                                                                                                                                                                    3 3
--R
                                ((3a c e + 2c d)x - 3a e - 2a c d)log(c x - a) + 4c e x - 6a c e x
--R
--R
                               - 2a c d
--R
--R /
```

```
--R
      7 2 2 5
--R
      4c x - 4a c
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 314
--S 315 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         (3a e + 2c d)\log(c x - a) + (- 3a e - 2c d)\log(- c x + a) + 2c d
    (4) -----
--R
--R
                                     5
--R
                                    4c
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 315
--S 316 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 316
)clear all
--S 317 of 1396
t0:=x^2*(d+e*x)/(a^2-c^2*x^2)^2
--R
--R
              3 2
--R
--R
           e x + d x
--R (1) -----
--R
         4 4 2 2 2 4
--R
        c x - 2a c x + a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 317
--S 318 of 1396
r0:=1/2*d*x/(a^2*c^2)+1/2*x^2*(a^2*e+c^2*d*x)/(a^2*c^2*(a^2-c^2*x^2))+_
    1/4*(c*d+2*a*e)*log(a-c*x)/(a*c^4)-1/4*(c*d-2*a*e)*log(a+c*x)/(a*c^4)
--R
--R
--R
    (2)
--R
             2
                 3 2 3 2
        ((2a c e - c d)x - 2a e + a c d)log(c x + a)
--R
--R
--R
            2 3 2 3
--R
        ((2a c e + c d)x - 2a e - a c d)log(- c x + a) - 2a c e x - 2a c d x
--R /
```

```
--R 6 2 3 4
--R
    4a c x - 4a c
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 318
--S 319 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
            2 3 2 3 2
       ((2a c e - c d)x - 2a e + a c d)log(c x + a)
--R
--R
            2 3 2 3 2
--R
--R
       ((2a c e + c d)x - 2a e - a c d)log(c x - a) - 2a c d x - 2a e
--R /
--R
        6 2 3 4
--R
      4a c x - 4a c
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 319
--S 320 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (2a e + c d)log(c x - a) + (- 2a e - c d)log(- c x + a) + 2a e
--R
--R
--R
                                  4a c
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 320
--S 321 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 321
)clear all
--S 322 of 1396
t0:=x*(d+e*x)/(a^2-c^2*x^2)^2
--R
--R
--R
--R
          e x + d x
--R (1) -----
     4 4 2 2 2 4
--R
```

```
--R c x - 2a c x + a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 322
--S 323 of 1396
r0:=1/2*(d+e*x)/(c^2*(a^2-c^2*x^2))-1/2*e*atanh(c*x/a)/(a*c^3)
--R
           2 2 2 c x
--R
       (-cex + a e)atanh(---) - a cex - a cd
--R
--R
    (2) -----
--R
                       5 2 3 3
--R
--R
                    2a c x - 2a c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 323
--S 324 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 2 2 2
                              2 2 2
--R (- c e x + a e)log(c x + a) + (c e x - a e)log(c x - a) - 2a c e x - 2a c d
--R
--R
                                5 2
                                      3 3
                              4a c x - 4a c
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 324
--S 325 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        - e log(c x + a) + e log(c x - a) + 2e atanh(---)
--R
--R
    (4) -----
--R
                            3
--R
--R
                           4a c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 325
--S 326 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 326
```

```
)clear all
--S 327 of 1396
t0:=(d+e*x)/(a^2-c^2*x^2)^2
--R
--R
--R
             ex+d
    (1) -----
--R
         4 4 2 2 2 4
--R
--R
         c x - 2a c x + a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 327
--S 328 of 1396
r0:=1/2*(a^2*e+c^2*d*x)/(a^2*c^2*(a^2-c^2*x^2))+1/2*d*atanh(c*x/a)/(a^3*c)
--R
--R
          3 2 2 cx 2 3
--R
--R
         (c d x - a c d)atanh(---) - a c d x - a e
--R
--R (2) -----
                      3 4 2 5 2
--R
--R
                     2a c x - 2a c
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 328
--S 329 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R
       (c d x - a c d)log(c x + a) + (- c d x + a c d)log(c x - a) - 2a c d x
--R
          3
--R
       - 2a e
--R
--R /
       3 4 2 5 2
--R
--R
       4a c x - 4a c
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 329
--S 330 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         d \log(c x + a) - d \log(c x - a) - 2d \operatorname{atanh}(---)
--R
```

```
--R
--R
                             3
--R
                             4a c
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 330
--S 331 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 331
)clear all
--S 332 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x*(a^2-c^2*x^2)^2)
--R
--R
--R
            e x + d
--R (1) -----
         4 5 2 2 3 4
--R
         c x - 2a c x + a x
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 332
--S 333 of 1396
r0:=1/2*(d+e*x)/(a^2*(a^2-c^2*x^2))+d*log(x)/a^4-1/4*(2*c*d+a*e)*_{-}
    \log(a-c*x)/(a^4*c)-1/4*(2*c*d-a*e)*\log(a+c*x)/(a^4*c)
--R
--R
--R (2)
                 3 2 3 2
--R
--R
       ((a c e - 2c d)x - a e + 2a c d)log(c x + a) + (4c d x - 4a c d)log(x)
--R
             2 3 2 3 2
--R
        ((- a c e - 2c d)x + a e + 2a c d)log(- c x + a) - 2a c e x - 2a c d
--R
--R /
--R
       4 3 2 6
--R
       4a c x - 4a c
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 333
--S 334 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
             2 3 2 3 2
--R
```

```
((a c e - 2c d)x - a e + 2a c d)log(c x + a)
--R
--R
--R
              2 3 2 3 2
--R
       ((-ace-2cd)x + ae + 2acd)log(cx-a)
--R
           3 2 2
--R
                                   2
        (4c d x - 4a c d)log(x) - 2a c e x - 2a c d
--R
--R /
--R
       4 3 2 6
       4a c x - 4a c
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 334
--S 335 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        (-a e - 2c d)\log(c x - a) + (a e + 2c d)\log(-c x + a)
--R
--R
                                   4
--R
                                 4a c
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 335
--S 336 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 336
)clear all
--S 337 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x^2*(a^2-c^2*x^2)^2)
--R
--R
--R
               ex+d
--R
    (1) -----
          46 224 42
--R
         сх - 2асх + ах
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 337
--S 338 of 1396
r0:=-3/2*d/(a^4*x)+1/2*(d+e*x)/(a^2*x*(a^2-c^2*x^2))+e*log(x)/a^4-_
    1/4*(3*c*d+2*a*e)*log(a-c*x)/a^5+1/4*(3*c*d-2*a*e)*log(a+c*x)/a^5
--R
--R
```

```
(2)
--R
            2 3 3 3 2
--R
--R
       ((-2a c e + 3c d)x + (2a e - 3a c d)x)log(c x + a)
--R
--R
           2 3 3
--R
       (4a c e x - 4a e x)log(x)
--R
                   3 3 3
--R
--R
       ((-2a c e - 3c d)x + (2a e + 3a c d)x)log(-c x + a) - 6a c d x
--R
--R
          3
--R
       - 2a e x + 4a d
--R /
       5 2 3 7
--R
--R
      4a\ c\ x - 4a\ x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 338
--S 339 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
              2
                  3 3 3 2
      ((-2a c e + 3c d)x + (2a e - 3a c d)x)log(c x + a)
--R
--R
                   3 3 3
--R
--R
       ((-2a c e - 3c d)x + (2a e + 3a c d)x)log(c x - a)
--R
                        2 2 3 3
--R
           2 3 3
--R
        (4a c e x - 4a e x)log(x) - 6a c d x - 2a e x + 4a d
--R /
       5 2 3 7
--R
--R
      4a c x - 4a x
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 339
--S 340 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        (-2a e - 3c d)\log(c x - a) + (2a e + 3c d)\log(-c x + a)
--R.
    (4) -----
--R
                                 5
--R
                               4a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 340
--S 341 of 1396
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 341
)clear all
--S 342 of 1396
t0:=(d+e*x)/(x^3*(a^2-c^2*x^2)^2)
--R
--R
--R
               e x + d
     (1) -----
--R
--R
         47 225 43
--R
         сх - 2асх + ах
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 342
--S 343 of 1396
r0:=-d/(a^4*x^2)-3/2*e/(a^4*x)+1/2*(d+e*x)/(a^2*x^2*(a^2-c^2*x^2))+_
    2*c^2*d*log(x)/a^6-1/4*c*(4*c*d+3*a*e)*log(a-c*x)/a^6-_
    1/4*c*(4*c*d-3*a*e)*log(a+c*x)/a^6
--R
--R
--R
     (2)
--R
                  4 4 3 222
--R
         ((3a c e - 4c d)x + (- 3a c e + 4a c d)x)\log(c x + a)
--R
--R
          4 4 22 2
--R
        (8c d x - 8a c d x)log(x)
--R
--R
                               3
                                       2 2 2
--R
        ((-3a c e - 4c d)x + (3a c e + 4a c d)x)\log(-c x + a) - 6a c e x
--R
            2 2 2 4
--R
--R
        - 4a c d x + 4a e x + 2a d
--R /
        6 2 4 8 2
--R
--R
       4a c x - 4a x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 343
--S 344 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
              3
                   4 4 3 2 2 2
         ((3a c e - 4c d)x + (- 3a c e + 4a c d)x)log(c x + a)
--R
```

```
--R
               3 4 4 3 2 2 2
--R
--R
        ((-3a c e - 4c d)x + (3a c e + 4a c d)x)\log(c x - a)
--R
           4 4 2 2 2 2 2 2 2 4
--R
--R
         (8c d x - 8a c d x) log(x) - 6a c e x - 4a c d x + 4a e x + 2a d
--R /
       6 2 4 8 2
--R
       4a c x - 4a x
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 344
--S 345 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R.
--R
         (-3a c e - 4c d)\log(c x - a) + (3a c e + 4c d)\log(-c x + a)
--R
     (4) -----
--R
                                     6
--R
                                    4a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 345
--S 346 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 346
)clear all
--S 347 of 1396
t0:=x^4*(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
                  4 | 2
--R
            5
    (1) (B x + A x) \setminus |c x + a|
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 347
--S 348 of 1396
r0:=2/105*a^2*B*(a+c*x^2)^(3/2)/c^3-4/35*a*B*x^2*(a+c*x^2)^(3/2)/c^2+_
    1/6*A*x^3*(a+c*x^2)^(3/2)/c+1/7*B*x^4*(a+c*x^2)^(3/2)/c+_
    1/280*a*(16*a*B-35*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/c^3+1/16*a^3*A*_
    a tanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)+1/16*a^2*A*x*sqrt(a+c*x^2)/c^2
--R.
```

```
--R
--R
    (2)
--R
                     +-+
          3
--R
                   x\|c
       105A a c atanh(-----)
--R
                  +----+
--R
                   1 2
--R
--R
                  \c x + a
--R
              3 6 3 5
--R
                                2 4 2 3 2 2
--R
          240B \ c \ x + 280A \ c \ x + 48B \ a \ c \ x + 70A \ a \ c \ x - 64B \ a \ c \ x
--R
               2 3
--R
--R
          -105A a c x + 128B a
--R
--R
           +----+
--R
         +-+ | 2
--R
        \c \c \c x + a
--R /
--R
         3 +-+
--R
      1680c \|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 348
--S 349 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
   [
                  3 3 6 4 2 4 5 2 6 +-+
--R
--R
             (105A a c x + 2520A a c x + 8400A a c x + 6720A a) | a
--R
--R
              +----+
--R
              1 2
--R
             \c x + a
--R
                4 3 6 5 2 4 6 2
--R
           - 735A a c x - 5880A a c x - 11760A a c x - 6720A a
--R
--R
--R
                          +----+
                                       2 +-+ +-+
              +-+ +-+
                        | 2
--R
--R
             (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
          log(-----)
--R
                             +----+
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
                           --R
                   5 12 5 11 2 4 10 2 4 9
--R
           - 1680B a c x \, - 1960A a c x \, - 13776B a c x \, - 16170A a c x
--R
```

```
--R
             3 3 8 3 3 7 4 2 6 4 2 5
--R
--R
           - 29120B a c x - 34545A a c x - 17920B a c x - 19880A a c x
--R
               5 3 6
--R
--R
          7280A a c x + 6720A a x
--R
--R
          +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R
               6 14 6 13 5 12
--R
           240B c x + 280A c x + 6048B a c x + 7070A a c x
--R
--R
--R
                2 4 10 2 4 9 3 3 8
--R
           26096B a c x + 30765A a c x + 38080B a c x + 44975A a c x
--R.
--R
                4 2 6 4 2 5 5 3 6
--R
          17920B a c x + 17080A a c x - 10640A a c x - 6720A a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
          \|a \|c
--R
--R
--R
          5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+ +-+ | 2
--R
        (1680c x + 40320a c x + 134400a c x + 107520a c) | a | c | c x + a
--R
               5 6 2 4 4 3 3 2 4 2 +-+
--R
--R
        (-11760a c x - 94080a c x - 188160a c x - 107520a c)\c
--R
--R
                 3 3 6 4 2 4 5 2 6 +-+
--R
--R
             (210A \ a \ c \ x + 5040A \ a \ c \ x + 16800A \ a \ c \ x + 13440A \ a ) \ | \ a
--R
--R
             | 2
--R
--R
             \c x + a
--R
                 4 3 6 5 2 4 6 2
--R
--R
           - 1470A a c x - 11760A a c x - 23520A a c x - 13440A a
--R
--R
--R.
              +---+ | 2
                            +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
          atan(-----)
--R
--R
                  5 12 5 11 2 4 10 2 4 9
--R
          - 1680B a c x - 1960A a c x - 13776B a c x - 16170A a c x
--R
--R
```

```
3 3 8 3 3 7 4 2 6 4 2 5
--R
--R
            - 29120B a c x - 34545A a c x - 17920B a c x - 19880A a c x
--R
                5 3 6
--R
--R
           7280A a c x + 6720A a x
--R
--R
               +----+
--R
           +---+ | 2
          \|- c \|c x + a
--R
--R
--R
               6 14 6 13 5 12
            240B c x + 280A c x + 6048B a c x + 7070A a c x
--R
--R
--R
                 2 4 10
                              2 4 9
                                           3 3 8
--R
            26096B a c x \, + 30765A a c x \, + 38080B a c x \, + 44975A a c x
--R
                         4 2 5
--R
                 4 2 6
                                      5 3
--R
           17920B a c x + 17080A a c x - 10640A a c x - 6720A a x
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
--R
             5 6 4 4 2 3 2 3 2 +---+ +-+
--R
           (1680c x + 40320a c x + 134400a c x + 107520a c) | - c | a
--R
--R
           1 2
--R
--R
          \c x + a
--R
                5 6 2 4 4 3 3 2 4 2 +---+
--R
--R
        (- 11760a c x - 94080a c x - 188160a c x - 107520a c )\|- c
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 349
--S 350 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
                3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +-+
--R
            (105A a c x + 2520A a c x + 8400A a c x + 6720A a c) \ | a
--R
--R
--R
            +----+
            1 2
--R
--R
           \|c x + a
--R
--R
                        5 3 4 6 2 2
               4 4 6
         - 735A a c x - 5880A a c x - 11760A a c x - 6720A a c
--R
--R
```

```
--R
             +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            (|a|c - cx)|cx + a + (-cx - a)|c + cx|a
--R
         log(-----)
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          |a|cx + a - a
--R
                 3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +-+
--R
            (- 105A a c x - 2520A a c x - 8400A a c x - 6720A a c)\|a
--R
--R
--R
            1 2
--R
--R
           \c x + a
--R
--R
              4 4 6 5 3 4 6 2 2
--R
          735A a c x + 5880A a c x + 11760A a c x + 6720A a c
--R
--R
--R
              x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
--R
             1 2
--R
             \c x + a
--R
--R
            4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ | 2
--R
--R
       (128B \ a \ c \ x + 3072B \ a \ c \ x + 10240B \ a \ c \ x + 8192B \ a ) \ c \ x + a
--R
             4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ +-+
--R
--R
       (- 896B a c x - 7168B a c x - 14336B a c x - 8192B a )\|a \|c
--R /
--R
          6 6 5 4 2 4 2 3 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
       (1680c x + 40320a c x + 134400a c x + 107520a c) | a | c | c x + a
--R
              6 6 2 5 4 3 4 2 4 3 +-+
--R
       (- 11760a c x - 94080a c x - 188160a c x - 107520a c )\|c
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 350
--S 351 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 351
--S 352 of 1396
```

```
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
                3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +---+ +-+
--R
--R
            (- 105A a c x - 2520A a c x - 8400A a c x - 6720A a c)\|- c \|a
--R
--R
            1 2
--R
--R
            \|c x + a
--R
                       5 3 4 6 2 2
--R
               4 4 6
           (735A \ a \ c \ x + 5880A \ a \ c \ x + 11760A \ a \ c \ x + 6720A \ a \ c) \ - c
--R
--R
--R
               x\|c
--R
--R
         atanh(-----)
           +----+
--R
--R
             1 2
--R
             \c x + a
--R
--R
                3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +-+ +-+
--R
            (210A \ a \ c \ x + 5040A \ a \ c \ x + 16800A \ a \ c \ x + 13440A \ a \ c) \ c
--R
--R
             +----+
            1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
                 4 4 6 5 3 4 6 2 2 7 +-+
--R
--R
         (- 1470A a c x - 11760A a c x - 23520A a c x - 13440A a c)\|c
--R
--R
                 +----+
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
            \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
         atan(-----)
--R
                       СХ
--R
--R
             4 3 6 5 2 4 6 2 7 +---+ +-+
         (128B \ a \ c \ x + 3072B \ a \ c \ x + 10240B \ a \ c \ x + 8192B \ a ) \ c \ c
--R
--R
--R
         +----+
--R
         1 2
--R.
         \c x + a
--R
           4 3 6 5 2 4 6 2 7 +---+ +-+
--R
--R
        (- 896B a c x - 7168B a c x - 14336B a c x - 8192B a )\|- c \|a \|c
--R /
--R
                   5 4 2 4 2 3 3 +---+ +-+
        (1680c x + 40320a c x + 134400a c x + 107520a c) - c | a | c
--R
--R
```

```
--R
--R
          | 2
--R
         \c x + a
--R
                6 6 2 5 4 3 4 2 4 3 +---+ +-+
--R
--R
        (- 11760a c x - 94080a c x - 188160a c x - 107520a c )\|- c \|c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 352
--S 353 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 353
)clear all
--S 354 of 1396
t0:=x^3*(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
--R
          4 3 | 2
--R
   (1) (B x + A x) | c x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 354
--S 355 of 1396
r0:=-1/30*a*A*(a+c*x^2)^(3/2)/c^2+1/5*A*x^2*(a+c*x^2)^(3/2)/c+_
    1/6*B*x^3*(a+c*x^2)^(3/2)/c-1/40*a*(4*A+5*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/c^2+\_
    1/16*a^3*B*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)+_
    1/16*a^2*B*x*sqrt(a+c*x^2)/c^2
--R
--R
--R
     (2)
--R
                     +-+
--R
           3
                   x\|c
        15B a atanh(-----)
--R
                  +----+
--R
--R
                  1 2
--R.
                 \c x + a
--R
             2 5 2 4
--R
                             3 2 2 +-+
          --R
--R
--R
          +----+
         | 2
--R
--R
         \c x + a
```

```
--R /
                2 +-+
--R
--R
              240c \|c
--R
                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 355
--S 356 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
                                              3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
--R
                                   (90B a c x + 480B a c x + 480B a )\|a \|c x + a - 15B a c x
--R
--R
                                                   4 2 4 5 2 6
--R
                                  - 270B a c x - 720B a c x - 480B a
--R
--R
                                                                                +----+
                                                                           2 2 +-+ +-+
--R
                                        ( | a | c - c | x | c | x + a + (-c | x - a | c | x | a | c | x | a | c | x | c | x | a | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c | x | c 
--R
--R
                                log(-----)
--R
                                                                                     +-+ | 2
--R
--R
                                                                                    --R
                                                    5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
--R
--R
                                    - 40B c x \, - 48A c x \, - 730B a c x \, - 880A a c x \, - 2085B a c x
--R
                                                  2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3 5
--R
--R
                                - 2560A a c x - 1490B a c x - 1920A a c x + 400B a c x + 480B a x
--R
--R
                                        +----+
--R
                                  +-+ | 2
                                \c \c \c x + a
--R
--R
                                             5 11 5 10 4 9
--R
                                    240B c x + 288A c x + 1580B a c x + 1920A a c x
--R
--R
                                                 2 3 7 2 3 6 3 2 5 3 2 4
--R
                                    2850B a c x + 3520A a c x + 1350B a c x + 1920A a c x
--R
--R
--R
                                                 4 3 5
--R
                                 - 640Васх - 480Вах
--R
--R
                                 +-+ +-+
--R
                               \|a \|c
--R
               /
--R
                                                                                                                             +----+
```

```
4 4 3 2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
         (1440c x + 7680a c x + 7680a c) | a | c | c x + a
--R
              5 6 4 4
--R
                                 2 3 2
                                           3 2 +-+
--R
        (- 240c x - 4320a c x - 11520a c x - 7680a c )\c
--R
--R
--R
                 3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
            (180B a c x + 960B a c x + 960B a )\|a \|c x + a - 30B a c x
--R.
--R
                  4 2 4
                          5 2
--R
            - 540B a c x - 1440B a c x - 960B a
--R
--R
--R
                    +----+
--R
               +---+ | 2
                               +---+ +-+
--R
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
           atan(-----)
--R
--R
--R
                 5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
            - 40B c x \, - 48A c x \, - 730B a c x \, - 880A a c x \, - 2085B a c x
--R
--R
                  2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3 5
--R
           - 2560A a c x - 1490B a c x - 1920A a c x + 400B a c x + 480B a x
--R
--R
--R
--R
            +---+ | 2
--R
           \label{lem:condition} \label{lem:condition} \label{lem:condition} \
--R
                5 11 5 10 4 9
--R
--R
            240B c x + 288A c x + 1580B a c x + 1920A a c x
--R
                 2 3 7 2 3 6 3 2 5 3 2 4
--R
--R
            2850B a c x + 3520A a c x + 1350B a c x + 1920A a c x
--R
--R
                 4 3 5
            - 640B a c x - 480B a x
--R
--R
--R
            +---+ +-+
--R
           \|- c \|a
--R
     /
--R
--R
             4 4 3 2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
         (1440c x + 7680a c x + 7680a c) | - c | a | c x + a
--R
               5 6 4 4 2 3 2 3 2 +---+
--R
--R
         (-240c x - 4320a c x - 11520a c x - 7680a c) | - c
--R
      1
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
```

```
--E 356
--S 357 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
   (4)
--R
--R
              3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
          (90B a c x + 480B a c x + 480B a )\|a \|c x + a - 15B a c x
--R
--R
                        5 2
--R
                4 2 4
          - 270B a c x - 720B a c x - 480B a
--R
--R
--R
                         +----+
--R
             +-+ +-+ | 2
                                       2
                                             +-+ +-+
--R
            ( |a |c - c | + a + (-c | - a) |c + c |a |
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
                           |a|c x + a - a
--R
--R
                3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
--R
           (- 90B a c x - 480B a c x - 480B a )\|a \|c x + a + 15B a c x
--R
--R
               4 2 4 5 2 6
--R
          270B a c x + 720B a c x + 480B a
--R
--R
                 +-+
--R
               x \mid c
--R
         atanh(-----)
              +----+
--R
--R
              | 2
--R
              \c x + a
--R
--R
              3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
       (-192A \ a \ c \ x \ -1024A \ a \ c \ x \ -1024A \ a \ ) \ | c \ | c \ x \ + a
--R
--R
           2 3 6 3 2 4
                                  4 2
        (32A a c x + 576A a c x + 1536A a c x + 1024A a )\|a \|c
--R
--R /
--R
                  3 2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
           4 4
        (1440c x + 7680a c x + 7680a c) | a | c | c x + a
--R
--R
--R
                   4 4 2 3 2
                                          3 2 +-+
        (-240c x - 4320a c x - 11520a c x - 7680a c) \ c
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 357
--S 358 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 358
--S 359 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
--R
                 3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ | 2
--R
           (- 90B a c x - 480B a c x - 480B a )\|- c \|a \|c x + a
--R
                3 3 6 4 2 4 5 2 6 +---+
--R
--R
            (15B \ a \ c \ x + 270B \ a \ c \ x + 720B \ a \ c \ x + 480B \ a ) \ - c
--R
--R
--R
                 x \mid c
--R
          atanh(-----)
--R
               | 2
--R
--R
               \c x + a
--R
--R
                                                  +----+
                 3 2 4 4 2 5 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (180B a c x + 960B a c x + 960B a )\|a \|c \|c x + a
--R
                 3 3 6 4 2 4 5 2 6 +-+
--R
--R
          (- 30B a c x - 540B a c x - 1440B a c x - 960B a )\c
--R
                  +----+
--R
              +---+ | 2
                              +---+ +-+
--R
--R
              |-c|c + a - |-c|a
          atan(-----)
--R
--R
                         сх
--R
--R.
               3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (-192A \ a \ c \ x \ -1024A \ a \ c \ x \ -1024A \ a \ ) \ | - c \ | c \ | c \ x \ + a
--R
            2 3 6 3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ +-+
--R
--R
        (32A \ a \ c \ x + 576A \ a \ c \ x + 1536A \ a \ c \ x + 1024A \ a ) \ c \ a \ c
--R /
                                                 +----+
--R
```

```
4 4 3 2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
         (1440c x + 7680a c x + 7680a c) = c | a | c | c x + a
--R
--R
               5 6
                     4 4 2 3 2
                                                  3 2 +---+ +-+
--R
         (- 240c x - 4320a c x - 11520a c x - 7680a c )\|- c \|c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 359
--S 360 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
    (7) 0
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 360
)clear all
--S 361 of 1396
t0:=x^2*(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
--R
                  2 | 2
            3
--R
    (1) (B x + A x) \setminus [c x + a]
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 361
--S 362 of 1396
r0:=-1/30*a*B*(a+c*x^2)^(3/2)/c^2+1/5*B*x^2*(a+c*x^2)^(3/2)/c-_
    1/20*(2*a*B-5*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/c^2-
    1/8*a^2*A*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)-_
    1/8*a*A*x*sqrt(a+c*x^2)/c
--R
--R
--R
     (2)
--R
                            +-+
--R
               2
                          x\|c
         - 15A a c atanh(-----)
--R
                        +----+
--R
                        1 2
--R
--R
                       \c x + a
--R
--R
--R
             24 23
                                    2
                                                         2 +-+ | 2
--R
         (24B c x + 30A c x + 8B a c x + 15A a c x - 16B a) \ c x + a
--R /
--R
          2 +-+
--R
       120c \|c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
```

```
--E 362
--S 363 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
               2 2 4 3 2 4 +-+ | 2
--R
--R
           (15A a c x + 180A a c x + 240A a )\|a \|c x + a - 75A a c x
--R
                4 2 5
--R
           - 300A a c x - 240A a
--R
--R
--R
                         +----+
                        | 2 2 +-+ +-+
--R
             +-+ +-+
--R
            (|a|c + cx)|cx + a + (-cx - a)|c - cx|a
          log(-----)
--R
                            +----+
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
                           |a|cx + a - a
--R
--R
                 38 37 226 225
--R
           - 120B a c x - 150A a c x - 520B a c x - 675A a c x
--R
            3 4 3 3 4
--R
--R
           - 480B a c x - 780A a c x - 240A a x
--R
--R
            +----+
          +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R
              4 10 4 9 3 8 3 7 2 2 6
--R
--R
           24B \ c \ x + 30A \ c \ x + 320B \ a \ c \ x + 405A \ a \ c \ x + 760B \ a \ c \ x
--R
               2 2 5 3 4 3 3 4
--R
--R
          1035A a c x + 480B a c x + 900A a c x + 240A a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
          \|a \|c
--R
    /
--R
           3 4 2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (120c x + 1440a c x + 1920a c) | a | c | c x + a
--R
             3 4 2 2 2 3 +-+
--R
--R
        (-600a c x - 2400a c x - 1920a c) \ c
--R
--R
```

```
--R
                   2 2 4 3 2 4 +-+ | 2
--R
--R
             (- 30A a c x - 360A a c x - 480A a )\|a \|c x + a + 150A a c x
--R
                 4 2 5
--R
--R
             600A a c x + 480A a
--R
--R
                +---+ | 2
                                +---+ +-+
--R
--R
               \|- c \|c x + a - \|- c \|a
           atan(-----)
--R
--R
                           сх
--R
                           3 7 2 2 6 2 2 5
--R
                    3 8
             - 120B a c x - 150A a c x - 520B a c x - 675A a c x
--R
--R
--R
                  3 4
                           3 3
--R
             - 480B a c x - 780A a c x - 240A a x
--R
--R
                +----+
--R
            +---+ | 2
           \label{lem:condition} \label{lem:condition} \label{lem:condition} \
--R
--R
--R
              4 10 4 9 3 8 3 7 2 2 6
--R
             24B c x + 30A c x + 320B a c x + 405A a c x + 760B a c x
--R
--R
--R
             1035A a c x + 480B a c x + 900A a c x + 240A a x
--R
--R
            +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
--R
            3 4 2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
         (120c x + 1440a c x + 1920a c) = c = a = c
--R
                3 4 2 2 2 3 +---+
--R
--R
         (- 600a c x - 2400a c x - 1920a c)\|- c
--R
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 363
--S 364 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2 3 3 4
--R
--R
           (15A \ a \ c \ x + 180A \ a \ c \ x + 240A \ a \ c) \ | a \ | c \ x + a - 75A \ a \ c \ x
```

```
--R
           4 2 2 5
--R
--R
         - 300А асх - 240А ас
--R
--R
                                 2 +-+ +-+
            +-+ +-+ | 2
--R
--R
            (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
                           --R
--R
               2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2 3 3 4
--R
--R
          (15A a c x + 180A a c x + 240A a c)\|a\|c x + a - 75A a c x
--R
--R
                4 2 2
--R
          - 300A a c x - 240A a c
--R
--R
                 +-+
--R
               x \mid c
        atanh(-----)
--R
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
             3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
       (- 16B a c x - 192B a c x - 256B a )\|c \|c x + a
--R
           3 2 4 4 2 5 +-+ +-+
--R
--R
       (80B \ a \ c \ x + 320B \ a \ c \ x + 256B \ a ) | a | c
--R /
--R
          4 4 3 2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
       (120c x + 1440a c x + 1920a c) | a | c | c x + a
--R
--R
             4 4 2 3 2 3 2 +-+
       (- 600a c x - 2400a c x - 1920a c )\|c
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 364
--S 365 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 365
```

```
--S 366 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
               2 3 4 3 2 2 4 +---+ +-+ | 2
--R
--R
          (15A \ a \ c \ x + 180A \ a \ c \ x + 240A \ a \ c) = c \ a = c \ x + a
--R
                                   5 +---+
--R
                3 3 4 4 2 2
--R
           (- 75A a c x - 300A a c x - 240A a c)\|- c
--R
--R
--R
               x \mid c
         atanh(-----)
--R
--R
              +----+
--R
              1 2
--R
              \c x + a
--R
--R
                2 3 4 3 2 2 4 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (- 30A a c x - 360A a c x - 480A a c)\|a\|c\|c x + a
--R
--R
               3 3 4 4 2 2 5 +-+
--R
           (150A a c x + 600A a c x + 480A a c)\|c
--R
--R
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             atan(-----)
--R
--R
                       сх
--R
--R
             3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ | 2
--R
--R
       (- 16B a c x - 192B a c x - 256B a )\|- c \|c \|c x + a
--R
           3 2 4
--R
                   4 2
                                 5 +---+ +-+ +-+
--R
       (80B a c x + 320B a c x + 256B a )\|- c \|a \|c
--R /
--R
           4 4 3 2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
       (120c x + 1440a c x + 1920a c) = c = c = c = c
--R
--R
             4 4 2 3 2 3 2 +---+ +-+
--R
--R
        (-600a c x - 2400a c x - 1920a c) | - c | c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 366
--S 367 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
```

```
--R
--R
--R
     (7) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 367
)clear all
--S 368 of 1396
t0:=x*(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
              2
                      1 2
--R
--R
     (1) (B x + A x) \setminus |c x + a|
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 368
--S 369 of 1396
r0:=1/12*A*(a+c*x^2)^(3/2)/c+1/4*(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/c-_
     1/8*a^2*B*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)-_
     1/8*a*B*x*sqrt(a+c*x^2)/c
--R
--R
--R
     (2)
--R
                          +-+
--R
                        x\|c
         - 3B a atanh(-----)
--R
--R
                       +----+
--R
                      1 2
--R
                      \c x + a
--R
--R
--R
                                            +-+ | 2
--R
         (6B c x + 8A c x + 3B a x + 8A a) | c | c x + a
--R /
--R
           +-+
--R
       24c\|c
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 369
--S 370 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
--R
                                3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
               (12B a c x + 24B a )\|a \|c x + a - 3B a c x - 24B a c x
--R
```

```
--R
--R
--R
           - 24B a
--R
--R
             --R
--R
            (|a |c + c |x)|c |x + a + (-c |x - a)|c - c |x|a
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          --R
              37 36 25 24 23
--R
           - 6B c x - 8A c x - 51B a c x - 72A a c x - 72B a c x
--R
--R
--R
              2 2 3
--R
           - 96А асх - 24В ах
--R
--R
            +----+
          +-+ | 2
--R
--R
         \c \c \c x + a
--R
           3 7 3 6 2 5 2 4 2 3
--R
--R
           24B\ c\ x\ +\ 32A\ c\ x\ +\ 84B\ a\ c\ x\ +\ 120A\ a\ c\ x\ +\ 84B\ a\ c\ x
--R
           2 2 3
--R
--R
          96A a c x + 24B a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|c
--R
--R
                          +----+
          2 2 +-+ +-+ | 2
--R
        (96c x + 192a c)|a |c |c x + a
--R
           3 4 2 2 2 +-+
--R
--R
       (- 24c x - 192a c x - 192a c)\|c
--R
--R
--R
               2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
--R
           (- 24B a c x - 48B a )\|a \|c x + a + 6B a c x + 48B a c x
--R.
--R
--R
          48B a
--R
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
            \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
         atan(-----)
```

```
--R
                        сх
--R
                37 36 25 24 23
--R
--R
            - 6B c x - 8A c x - 51B a c x - 72A a c x - 72B a c x
--R
                2 2 3
--R
--R
            - 96A a c x - 24B a x
--R
               +----+
--R
           +---+ | 2
--R
--R
          \label{eq:continuous} \ - c \ - c \ - a
--R
               3 7 3 6
                              25 24 23
--R
--R
            24B c x + 32A c x + 84B a c x + 120A a c x + 84B a c x
--R
--R
               2 2 3
            96A a c x + 24B a x
--R
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
--R
--R
           2 2 +---+ +-+ | 2
--R
         (96c x + 192a c) = c = a = c
--R
            3 4 2 2 2 +---+
--R
--R
         (-24c x - 192a c x - 192a c) | - c
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 370
--S 371 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                 2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
--R
            (12B a c x + 24B a )\|a \|c x + a - 3B a c x - 24B a c x
--R
--R
            - 24B a
--R
--R
--R
                       | 2 2
--R
             +-+ +-+
                                             +-+
--R
            (|a |c + c |x)|c |x + a + (-c |x - a)|c - c |x|a
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
```

```
--R
--R
                 2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
--R
             (12B a c x + 24B a )\|a \|c x + a - 3B a c x - 24B a c x
--R
--R
--R
             - 24B a
--R
--R
--R
                x \mid c
--R
         atanh(-----)
               +----+
--R
               1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
--R
             2 2 3 +-+ | 2
--R
        (32A a c x + 64A a) | c | c x + a
--R
              2 4 2 2 3 +-+ +-+
--R
--R
        (-8Aacx - 64Aacx - 64Aa)\la\lc
--R /
--R
                    +-+ +-+ | 2 3 4 2 2 2 +-+
        2 2
--R
--R
      (96c x + 192a c) | a | c | c x + a + (-24c x - 192a c x - 192a c) | c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 371
--S 372 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 372
--S 373 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
--R
                2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
           (12B a c x + 24B a )\|- c \|a \|c x + a
--R
                        3 2 4 +---+
--R
                 2 2 4
--R
           (-3B a c x - 24B a c x - 24B a) | - c
--R
                  +-+
--R
--R
                 x \mid c
```

```
--R
          atanh(-----)
--R
               +----+
--R
               1 2
--R
               \c x + a
--R
                                      +----+
--R
                 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (-24B \ a \ c \ x \ -48B \ a \ ) \ | a \ | c \ | c \ x \ + a
--R
               2 2 4
                        3 2 4 +-+
--R
           (6B a c x + 48B a c x + 48B a )\|c
--R
--R
--R
              +---+ | 2
--R
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
          atan(-----)
--R
                         сх
--R
--R
            2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (32A a c x + 64A a) = c | c | c x + a
--R
              2 4 2 2 3 +---+ +-+
--R
        (- 8A a c x - 64A a c x - 64A a )\|- c \|a \|c
--R
--R /
--R
           2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (96c x + 192a c)\|- c \|a \|c \|c x + a
--R
           3 4 2 2 2 +---+ +-+
--R
--R
        (-24c x - 192a c x - 192a c) | - c | c
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 373
--S 374 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 374
)clear all
--S 375 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
                 1 2
--R
```

```
--R (1) (B x + A)\|c x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 375
--S 376 of 1396
r0:=1/3*B*(a+c*x^2)^(3/2)/c+1/2*a*A*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/_
    sqrt(c)+1/2*A*x*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
                                 2 +-+ | 2
--R
                       x\|c
         3A a c atanh(-----) + (2B c x + 3A c x + 2B a)\|c \|c x + a
--R
--R
                     1 2
--R
                    \c x + a
--R
--R
--R
                                      +-+
--R
                                    6c\|c
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 376
--S 377 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
     [
                    2 2 +-+ | 2 2 2 3
--R
--R
--R
            ((3A \ a \ c \ x \ + 12A \ a \ ) \setminus |a \ \setminus |c \ x \ + a \ - 9A \ a \ c \ x \ - 12A \ a \ )
--R
--R
                           1 2
--R
--R
               (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
                                +-+ | 2
--R
--R
                                --R
--R
                            3 22 2 +-+ | 2
--R
          (- 6B a c x - 9A a c x - 12B a x - 12A a x)\|c \|c x + a
--R
--R
               26 25
                                                3 22
--R
                                     4
            (2B c x + 3A c x + 12B a c x + 15A a c x + 12B a x + 12A a x)
--R
--R
            +-+ +-+
--R
--R
           \|a \|c
--R
     /
--R
                           +----+
```

```
2 +-+ +-+ | 2 2 2 +-+
--R
--R
       (6c x + 24a) | a | c | c x + a + (-18a c x - 24a) | c
--R
--R
--R
                            +----+
               2 2 +-+ | 2 2 2 3
--R
--R
         ((6A \ a \ c \ x + 24A \ a ) | a | c \ x + a - 18A \ a \ c \ x - 24A \ a )
--R
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
          atan(-----)
--R
--R
                      с х
--R
--R
--R
               4 3 22 2 +---+ | 2
--R.
        (-6B a c x - 9A a c x - 12B a x - 12A a x)\|- c \|c x + a
--R
            26 25 4 3 22 2
--R
          (2B c x + 3A c x + 12B a c x + 15A a c x + 12B a x + 12A a x)
--R
--R
--R
          +---+ +-+
--R
         \|- c \|a
--R
--R
         2 +---+ +-+ | 2 2 2 +---+
--R
--R
       (6c x + 24a) | - c | a | c x + a + (-18a c x - 24a) | - c
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 377
--S 378 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
             2 2 2 +-+ | 2 2 2 2 3
--R
--R
        ((3A a c x + 12A a c) \setminus |a \setminus |c x + a - 9A a c x - 12A a c)
--R
--R
                       +----+
                      | 2 2 +-+ +-+
--R
            +-+ +-+
--R.
           ( |a |c - c | + a + (-c | -a) |c + c |a |
        log(-----)
--R
                         +----+
--R
                         +-+ | 2
--R
--R
                         |a|cx + a - a
--R
--R
               2 2 2 +-+ | 2 2 2 2 3
--R
```

```
--R
         ((- 3A a c x - 12A a c)\|a\|c x + a + 9A a c x + 12A a c)
--R
--R
                  +-+
--R
                x \mid c
         atanh(-----)
--R
             +----+
--R
               1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
          2 2 3 +-+ | 2 2 2 3 +-+ +-+
--R
        (2B a c x + 8B a )\|c \|c x + a + (- 6B a c x - 8B a )\|a \|c
--R
--R /
--R
--R
       2 2 +-+ +-+ | 2
                                          2 2 2 +-+
--R
      (6c x + 24a c) |a |c |c x + a + (-18a c x - 24a c)|c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 378
--S 379 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 379
--S 380 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                  2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
           (- 3A a c x - 12A a c)\|- c \|a \|c x + a
--R
              2 2 2 3 +---+
--R
--R
          (9A a c x + 12A a c)\|- c
--R
--R
                x\|c
--R
--R
          atanh(-----)
--R
               +----+
               1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
                                     +----+
                  2 2 +-+ +-+ | 2
--R
             (6A a c x + 24A a c) | a | c | c x + a
--R
--R
```

```
2 2 2 3 +-+
--R
--R
              (- 18A a c x - 24A a c)\|c
--R
--R
                    +----+
               +---+ | 2
                               +---+ +-+
--R
               |- c |c  + a - |- c |a
--R
--R
          atan(-----)
--R
                          сх
--R
--R
--R
             2 2 3 +---+ +-+ | 2
         (2B a c x + 8B a) = c | c | c x + a
--R
--R
             2 2
                        3 +---+ +-+ +-+
--R
--R
         (- 6B a c x - 8B a )\|- c \|a \|c
--R /
--R
                                 +----+
--R
         2 2
                   +---+ +-+ +-+ | 2
                                                  2 2
                                                            2 +---+ +-+
--R
       (6c x + 24a c) = c | a | c | c x + a + (-18a c x - 24a c) = c | c
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 380
--S 381 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 381
)clear all
--S 382 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x
--R
--R
--R
                  +----+
                 1 2
--R
--R
         (B x + A) \setminus |c x + a|
--R
     (1) -----
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 382
--S 383 of 1396
r0:=-A*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))*sqrt(a)+1/2*a*B*atanh(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a+c*x^2))/sqrt(c)+1/2*(2*A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
    (2)
```

```
--R
--R
                     | 2
--R
          +-+ +-+
                    \c x + a
                                         x\|c
--R
       - 2A\|a \|c atanh(-----) + B a atanh(-----)
                       +-+
--R
                                        1 2
--R
                       \|a
--R
                                       \c x + a
--R
--R
                 +----+
               +-+ | 2
--R
--R
       (B x + 2A) \setminus |c \setminus |c x + a
--R /
--R
--R
      2\|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 383
--S 384 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
    [
--R
              +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
          (4A a | c | c x + a + (-2A c x - 4A a) | a | c )
--R
--R
--R
             | 2 +-+
--R
             \c x + a - \a
          log(-----)
--R
--R
--R
                +----+
+ I 2 2 2
--R
--R
              +-+ | 2
          (2B a|a |c x + a - B a c x - 2B a)
--R
--R
--R
              --R
--R
             (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
--R
                            +-+ | 2
                           --R
--R
--R
                                 +----+
            3 2 +-+ | 2
--R
--R
        (-Bcx - 2Acx - 2Bax)\c \x + a
--R
--R
              3 2
                              +-+ +-+
```

```
--R
        (2B c x + 2A c x + 2B a x) | a | c
--R
       +----+
+-+ +-+ | 2 2 +-+
--R
--R
      4\leq x + a + (-2c x - 4a)\leq c
--R
--R
--R
--R
             +---+ | 2 2 +---+ +-+
--R
         (4A a)|- c |c x + a + (-2A c x - 4A a)|- c |a)
--R
--R
--R
             +----+
             1 2
--R
--R
            \c x + a - \a
--R
         log(-----)
--R
--R
               +----+
--R
             +-+ | 2 2 2
--R
--R
         (4B a|a |c x + a - 2B a c x - 4B a)
--R
                +----+
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
            \|- c \|c x + a - \|- c \|a
         atan(-----)
--R
               сх
--R
--R
--R
            3 2 +---+ | 2
--R
--R.
        (-Bcx - 2Acx - 2Bax) | -c | cx + a
--R
            3 2 +---+ +-+
--R
--R
       (2B c x + 2A c x + 2B a x) | - c | a
--R
      +---+
+---+ +-+ | 2 2 +---+
--R
--R
--R
      4 = c = 4a = 4a = 6
--R
--R
                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 384
--S 385 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                                            | 2 +-+
         --R
--R
--R
       (4A \ a|c \ c \ x + a + (-2A \ c \ x - 4A \ a)|a \ c) \log(-----)
```

```
--R
                                                   х
--R
--R
                     2 2
            +-+ | 2
--R
--R
        (2B a\|a \|c x + a - B a c x - 2B a )
--R
           --R
--R
           (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
--R
                        +-+ | 2
--R
--R
                        --R
--R
          --R
--R
--R
       (4A a|c |c x + a + (-2A c x - 4A a)|a |c )atanh(-----)
--R
--R
                                                \|a
--R
--R
            +-+ | 2 2 2 x\|c
--R
     (- 2B a\|a \|c x + a + B a c x + 2B a )atanh(-----)
--R
--R
                                         1 2
--R
--R
                                        \c x + a
--R
--R
       +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
      4A a | c | c x + a + (-2A c x - 4A a) | a | c
--R /
     +----+
+-+ +-+ | 2 2 +-+
--R
--R
--R
     4 \leq x + a + (-2c x - 4a) \leq c
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 385
--S 386 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 386
--S 387 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
```

```
--R
    (6)
--R
           +---+ +-+ | 2 2 +---+ +-+ +-+
--R
--R
         (4A \ a\ - c \ c \ + a \ + (-2A \ c \ x \ - 4A \ a)\ - c \ a \ c \ ) 
--R
--R
           | 2 +-+
--R
--R
           \c x + a - \a
        log(-----)
--R
--R
--R
                +----+
--R
           +---+ +-+ | 2 2 +---+ +-+
--R
         (4A \ a\ - c \ c \ + a \ + (-2A \ c \ x \ - 4A \ a)\ - c \ a \ c \ ) 
--R
--R
--R
--R
             1 2
--R
           \|c x + a
--R
        atanh(-----)
              +-+
--R
--R
               \|a
--R
--R
             +---+ +--+ | 2 2 2 +---+
--R
--R
        (-2B a)|-c |a |c x + a + (B a c x + 2B a)|-c)
--R
--R
--R
              x\|c
--R
        atanh(-----)
--R
            +----+
            1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
             +----+
--R
            +-+ +-+ | 2 2 2 +-+
--R
       (4B a\|a \|c \|c x + a + (- 2B a c x - 4B a )\|c )
--R
--R
--R
               +----+
            +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
           --R
        atan(-----)
--R
                     СХ
--R
--R
                +----+
         +---+ +--+ | 2 2 +----+ +--+ +--+
--R
       4A a = c \le x + a + (-2A c x - 4A a) = c \le a \le c
--R
--R /
--R
      +---+ +-+ | 2 2 +---+ +-+
--R
     4 = c = 4a = c = 4a
--R
```

```
Type: Expression(Integer)
--R
--Е 387
--S 388 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
     (7) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 388
)clear all
--S 389 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^2
--R
--R
--R
                    +----+
--R
                   1 2
--R
       (B x + A) \setminus |c x + a|
--R
--R
                  2
--R
                   x
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 389
--S 390 of 1396
\verb"r0:=-B*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))*sqrt(a)+A*atanh(x*sqrt(c)/_
     sqrt(a+c*x^2))*sqrt(c)-(A-B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
                        | 2
               +-+ \|c x + a +-+
--R
                                                    x\|c
         - B x\|a atanh(-----) + A x\|c atanh(-----)
--R
                                                 +----+
--R
                           +-+
                                                   1 2
--R
                           \|a
--R
                                                   \c x + a
--R
--R
--R
                  | 2
--R
         (B x - A) \setminus |c x + a|
--R /
--R
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 390
--S 391 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
   (3)
--R [
--R
                                         +-----+
| 2 +-+
              --R
--R
--R
        (2B a x\|a \|c x + a - B a c x - 2B a x)log(-----)
--R
--R
              --R
--R
           (2A \ a \ x \setminus |c \setminus |c \ x \ + a \ + (- \ A \ c \ x \ - 2A \ a \ x) \setminus |a \setminus |c \ ) 
--R
--R
--R
                       +----+
               +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R.
            (-x|c + |a )|c + a + x|a |c - c - a
--R
--R
                        +-+ | 2
--R
--R
                       \|a \|c x + a - a
--R
--R
        3 2 +-+ | 2 3 2 2
--R
--R
       (-Bcx + Acx + 2Aa)\la \lc x + a + Bacx - 2Aacx - 2Aa
--R
--R
         | 2 3 +-+
--R
       2a x\|c x + a + (- c x - 2a x)\|a
--R
--R
--R
                                         +----+
| 2 +-+
--R
             --R
--R
--R
        (2B a x\|a \|c x + a - B a c x - 2B a x)log(-----)
--R
--R
              +---+ +---+ 3 +---+ +--+
--R
--R
           (4A \ a \ x \ | - \ c \ | \ c \ x \ + \ a \ + \ (- \ 2A \ c \ x \ - \ 4A \ a \ x) \ | - \ c \ | \ a \ ) 
--R
--R
              +----+
--R
--R.
             | 2 +-+
--R
            \|c x + a - \|a
          atan(-----)
--R
               +---+
--R
--R
                x\|- c
--R
--R
        3 2 +-+ | 2
                                   3 2 2
--R
```

```
--R
     (-Bcx + Acx + 2Aa)\|a\|cx + a + Bacx - 2Aacx - 2Aa
--R
--R
          +----+
         1 2 3 +-+
--R
--R
     2a x\|c x + a + (- c x - 2a x)\|a
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 391
--S 392 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
                                      1 2
          +-+ | 2 2 2 \|c x + a - \|a
--R
--R
       (2B a\|a \|c x + a - B a c x - 2B a )log(-----)
--R
--R
--R
              +----+
            +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
        (2A a | c | c x + a + (-A c x - 2A a) | a | c )
--R
--R
              +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
           (-x|c + |a )|c + a + |a |c - c - a
--R
        log(-----)
--R
--R
                       +-+ | 2
--R
                      |a|cx + a - a
--R
--R
           +----+
+-+ | 2 2 2
--R
                                        | 2
--R
                                        \c x + a
      (2B a\|a \|c x + a - B a c x - 2B a )atanh(-----)
--R
--R
                                          +-+
--R
                                           \|a
--R
--R
            +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
       (-2A a|c |c x + a + (A c x + 2A a)|a |c )atanh(-----)
--R
--R.
                                              1 2
--R
--R
                                              \c x + a
--R
--R
         +-+ | 2 2 2
--R
       2B a | a | c x + a - B a c x - 2B a
--R
--R /
```

```
| 2 2 +-+
--R
--R
     2a \mid c x + a + (-c x - 2a) \mid a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 392
--S 393 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 393
--S 394 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                                      | 2 +-+
         --R
--R
--R
       (2B a\|a \|c x + a - B a c x - 2B a )log(-----)
--R
--R
--R
                                        1 2
--R
          +-+ | 2 2 2
--R
                                       \c x + a
--R
      (2B a\|a \|c x + a - B a c x - 2B a )atanh(-----)
--R
--R
                                          \|a
--R
--R
            +----+
--R
--R
      (-2A a|c |c x + a + (A c x + 2A a)|a |c )atanh(-----)
--R
                                              1 2
--R
--R
                                              \c x + a
--R
--R
            +---+ | 2 2 +---+ +-+
--R
--R
        (4A a)|-c |c x + a + (-2A c x - 4A a)|-c |a)
--R
--R
            +----+
            | 2 +-+
--R
           \c x + a - \a
--R
        atan(-----)
--R
--R
              +---+
--R
                x\|- c
--R
```

```
--R
                         2 2
--R
            +-+ | 2
--R
        2B a\|a \|c x + a - B a c x - 2B a
--R /
--R
         +----+
                 2 +-+
         1 2
--R
       2a \mid c x + a + (-c x - 2a) \mid a
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 394
--S 395 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 395
)clear all
--S 396 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^3
--R
--R
--R
                  +----+
              | 2
--R
--R
         (B x + A) \setminus |c x + a|
--R
     (1) -----
--R
                 3
--R
                x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 396
--S 397 of 1396
r0:=-1/2*A*(a+c*x^2)^(3/2)/(a*x^2)-1/2*A*c*atanh(sqrt(a+c*x^2)/_
    sqrt(a))/sqrt(a)+B*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))*sqrt(c)-_
    1/2*(2*a*B-A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)/(a*x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                      +----+
--R
                     1 2
                   \|c x + a 2 +-+ +-+
                                                    x\|c
--R.
              2
--R
        - A c x atanh(-----) + 2B x \|a \|c atanh(-----)
                                                  +----+
--R
                         +-+
                                                   1 2
--R
                        \|a
--R
                                                   \c x + a
--R
--R
                    +-+ | 2
--R
```

```
--R (-2B x - A) | a | c x + a
--R /
--R
      2 +-+
--R
     2x \|a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 397
--S 398 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Ε
--R
--R
                 2 | 2 2 4 2 +-+
--R
          (2A a c x \| c x + a + (- A c x - 2A a c x )\|a)
--R
              +----+
--R
             | 2
--R
--R
            \c x + a - \a
--R
          log(-----)
--R
--R
--R
                                 4 22 +-+
               2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
          (4B a x | a | c | c x + a + (-2B a c x - 4B a x ) | c )
--R
--R
                +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
             (-x|c + |a )|c x + a + x|a |c - c x - a
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                         --R
--R
                    2 2 2 2 2
               3
--R
--R
         (2B a c x + A a c x + 4B a x + 2A a) \setminus |c x + a|
--R
--R
                              2
                         2
        (- 4B a c x - 2A a c x - 4B a x - 2A a )\|a
--R
--R
--R
              +----+
          2 +-+ | 2 4 2 2
--R
--R
       4a x \|a \|c x + a - 2a c x - 4a x
--R
--R
--R
                  +----+
                 2 | 2 | 2 +-+
--R
          (2A a c x | c x + a + (-A c x - 2A a c x) | a)
--R
```

```
--R
--R
             | 2 +-+
--R
--R
            \|c x + a - \|a
         log(-----)
--R
--R
--R
--R
              2 +---+ +-+ | 2 4 2 2 +---+
--R
          (8B a x | - c | a | c x + a + (-4B a c x - 8B a x ) | - c )
--R
--R
--R
              +----+
              | 2
--R
--R
             \c x + a - \a
--R
         atan(-----)
--R
               +---+
--R
                 x\|- c
--R
--R
              3 2 2 2 1 2
--R
--R
        (2B a c x + A a c x + 4B a x + 2A a )\|c x + a
--R
               3 2 2 +-+
--R
        (-4Bacx - 2Aacx - 4Bax - 2Aa)\|
--R
--R
--R
         2 +-+ | 2 4 2 2
--R
--R
       4a \times |a| c \times + a - 2a c \times - 4a x
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 398
--S 399 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
             1 2
--R
--R
            \c x + a - \a
--R
      A c log(-----)
--R
--R
--R
                    +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
         +-+ +-+ (-x|c + |a|)|c + a + x|a|c - c - a
--R
       2B\|a \|c log(-----)
--R
--R
                             +-+ | 2
--R
```

```
--R
--R
--R
                1 2
                                            +-+
               .
\|c x + a +-+ +-+ x\|c
--R
       A c atanh(-----) - 2B\|a \|c atanh(-----)
--R
                   +-+
--R
                                        1 2
--R
                  \|a
--R
                                        \c x + a
--R /
--R
       +-+
--R
      2\|a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 399
--S 400 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 400
--S 401 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
--R
              1 2
--R
             --R
       A c log(-----) + A c atanh(-----) x +-+
--R
--R
--R
                                          \|a
--R
--R
                                                | 2 +-+
--R
                      x\|c +---+ +-+
--R
                                               \c + a - \a
       - 2B\|a \|c atanh(-----) + 4B\|- c \|a atan(-----)
--R
                     +----+
--R
                      .
| 2
\|c x + a
--R
                                                   x\|- c
--R
--R /
--R
       +-+
--R
      2\|a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 401
--S 402 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
```

```
--R
--R (7) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 402
)clear all
--S 403 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^4
--R
--R
--R
                 1 2
--R
--R
      (B x + A) \setminus |c x + a|
--R
   (1) -----
--R
            4
--R
               x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 403
--S 404 of 1396
r0:=-1/2*B*c*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/sqrt(a)+1/2*B*sqrt(a+c*x^2)/x^2-__
    1/3*A*c*sqrt(a+c*x^2)/(a*x)-1/3*(A+3*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^3
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
                   | 2
                              2
--R
             3
                   \c x + a
                                                        +-+ | 2
--R
     - 3B a c x atanh(-----) + (- 2A c x - 3B a x - 2A a)\|a \|c x + a
--R
--R
                      \|a
--R
--R
                                   3 +-+
--R
                                 6a x \|a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 404
--S 405 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R.
    (3)
--R
               25 3 +-+ | 2 25 23
--R
          ((3B c x + 12B a c x )\|a \|c x + a - 9B a c x - 12B a c x )
--R
--R
--R
              +----+
             | 2 +-+
--R
             \c x + a - \a
--R
```

```
--R
--R
--R
--R
         2 4 3 2 2 2 +-+ | 2
--R
       (6A c x + 9B a c x + 14A a c x + 12B a x + 8A a )\|a \|c x + a
--R
--R
         3 6 2 5 2 4 2 3 2 2 3
--R
      - 2A c x - 3B a c x - 12A a c x - 15B a c x - 18A a c x - 12B a x
--R
--R
--R
      - 8A a
--R
--R /
--R
      5 23 | 2 5 23 +-+
--R
--R
     (6a c x + 24a x) | c x + a + (-18a c x - 24a x) | a
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 405
--S 406 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
          2 2 | 2 2 +-+
--R
--R
        ((B c x + 4B a c) | c x + a + (-3B c x - 4B a c) | a)
--R
--R
          | 2 +-+
--R
--R
         \|c x + a - \|a
--R
       log(-----)
--R
--R
--R
       --R
--R
--R
     ((B c x + 4B a c) | c x + a + (-3B c x - 4B a c) | a) \\
                                                    +-+
--R
--R
                                                    \|a
--R /
--R
      2 +-+ | 2 2 2
--R
--R
     (2c x + 8a) | a | c x + a - 6a c x - 8a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 406
--S 407 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 407
)clear all
--S 408 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^5
--R
--R
--R
                   1 2
--R
--R
          (B x + A) \setminus |c x + a|
--R
     (1) -----
--R
                  5
--R
                   X
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 408
--S 409 of 1396
 \texttt{r0:=1/8*A*c^2*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)+1/6*B*sqrt(a+c*x^2)/\_ } \\
    x^3-1/8*A*c*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^2)-1/3*B*c*sqrt(a+c*x^2)/(a*x)-_
     1/4*(A+2*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
                      1 2
                   \|c x + a
--R
             2 4
         3A c x atanh(-----)
--R
--R
                          +-+
--R
                         \|a
--R
--R
               3 2
--R
                                             +-+ | 2
         (- 8B c x - 3A c x - 8B a x - 6A a)\|a \|c x + a
--R
--R /
--R
           4 +-+
--R
       24a x \|a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 409
--S 410 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                      3 6 2 2 4 | 2
--R
```

```
--R
         (- 12A a c x - 24A a c x )\|c x + a
--R
            48 36 224 +-+
--R
--R
         (3A c x + 24A a c x + 24A a c x) | a
--R
           +----+
--R
           | 2 +-+
--R
--R
           \c x + a - \a
        log(-----)
--R
--R
--R
            37 36 225 224 33
--R
         8B a c x + 3A a c x + 72B a c x + 30A a c x + 128B a c x
--R
--R
--R
           3 2 4
         72A a c x + 64B a x + 48A a
--R
--R
--R
         +----+
--R
        1 2
--R
        \c x + a
--R
--R
              3 7 3 6 2 2 5 2 2 4 3 3
--R
         - 32B a c x - 12A a c x - 128B a c x - 60A a c x - 160B a c x
--R
--R
           3 2 4 4
--R
        - 96A a c x - 64B a x - 48A a
--R
--R
        +-+
--R
        \|a
--R /
--R
        2 6 3 4 +-+ | 2 2 2 8 3 6 4 4
--R
--R
     (96a c x + 192a x )\|a \|c x + a - 24a c x - 192a c x - 192a x
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 410
--S 411 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          --R
--R.
       - A c log(-----) - A c atanh(-----)
--R
--R
                                        +-+
--R
--R (4) ------
--R
                         +-+
--R
                        8a\|a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
```

```
--E 411
--S 412 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 412
)clear all
--S 413 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^6
--R
--R
--R
                   +----+
--R
                  1 2
--R
        (B x + A) \setminus |c x + a|
--R
    (1) -----
--R
                 6
--R
                  х
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 413
--S 414 of 1396
r0:=1/8*B*c^2*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)+1/12*B*sqrt(a+c*x^2)/_
    x^4-1/15*A*c*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^3)-1/8*B*c*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^2)+_
    2/15*A*c^2*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x)-1/15*(3*A+5*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
                        +----+
--R
                        | 2
--R
              25 \|cx + a
        15B a c x atanh(-----)
--R
                           +-+
--R
--R
                           \|a
--R
--R
                     3
                                     2 2 2 +-+ | 2
--R
--R
         (16A c x - 15B a c x - 8A a c x - 30B a x - 24A a )\|a\|c x + a
--R /
           2 5 +-+
--R
--R
       120a x \|a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 414
--S 415 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
   (3)
--R
              4 9 3 7 2 2 5 +-+ | 2 4 9
--R
--R
          (-15B c x - 180B a c x - 240B a c x) | a | c x + a + 75B a c x
--R
              2 3 7 3 2 5
--R
         300В асх + 240В асх
--R
--R
--R
            | 2 +-+
--R
--R
           \c x + a - \a
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
              48 37 36 225 224
--R
          - 80A c x + 75B a c x - 280A a c x + 450B a c x + 24A a c x
--R
             3 3 3 2 4
--R
--R
         840B a c x + 608A a c x + 480B a x + 384A a
--R
--R
        +-+ | 2
--R
--R
        --R
          5 10 4 9 4 8 2 3 7 2 3 6
--R
--R
       16A c x - 15B a c x + 200A a c x - 225B a c x + 320A a c x
--R
           3 2 5 3 2 4 4 3 4 2 5
--R
--R
       - 810B a c x - 280A a c x - 1080B a c x - 800A a c x - 480B a x
--R
--R
--R
       - 384A a
--R /
--R
          2 2 9 3 7 4 5 | 2
--R
--R
       (120a c x + 1440a c x + 1920a x) | c x + a
--R
--R
                  3 7
                              4 5 +-+
       (- 600a c x - 2400a c x - 1920a x )\|a
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 415
--S 416 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                   +----+
```

```
4 4 3 2 2 2 1 2
--R
--R
          (-Bcx - 12Bacx - 16Bac)\|cx + a
--R
              4 4 3 2 2 2 +-+
--R
--R
          (5B c x + 20B a c x + 16B a c )\|a
--R
--R
            | 2 +-+
--R
--R
           \c x + a - \a
         log(-----)
--R
--R
--R
--R
              4 4 3 2 2 2 1 2
--R
--R
          (-Bcx - 12Bacx - 16Bac)\|cx + a
--R
--R
             4 4 3 2 2 2 +-+
--R
          (5B c x + 20B a c x + 16B a c )\|a
--R
--R
              +----+
--R
             | 2
--R
             \|c x + a
         atanh(-----)
--R
--R
                +-+
--R
                \|a
--R /
--R
      2 4 2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2 4
--R
--R
      (8a c x + 96a c x + 128a )\|a \|c x + a - 40a c x - 160a c x - 128a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 416
--S 417 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 417
)clear all
--S 418 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^7
--R
--R
--R
                +----+
--R
              1 2
--R (B x + A)\|c x + a
--R (1) -----
```

```
--R
                  7
--R
                  х
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 418
--S 419 of 1396
 r0:=-1/16*A*c^3*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)+1/20*B*sqrt(a+c*x^2)/__ \\
    x^5-1/24*A*c*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^4)-1/15*B*c*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^3)+_
    1/16*A*c^2*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x^2)+2/15*B*c^2*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x)-_
    1/12*(2*A+3*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^6
--R
--R
     (2)
--R
--R
                        +----+
--R
                        | 2
--R
               3 6
                       \c x + a
--R
         - 15A c x atanh(-----)
--R
                           +-+
--R
                           \|a
--R
--R
                        2 4
                                      3 2 2
--R
           (32B c x + 15A c x - 16B a c x - 10A a c x - 48B a x - 40A a )\|a
--R
--R
           1 2
--R
--R
           \c x + a
--R /
--R
          2 6 +-+
--R
       240a x \|a
--R.
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 419
--S 420 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                              2 4 8
                                          3 3 6 | 2
                    5 10
--R
--R
             (90A a c x + 480A a c x + 480A a c x )\|c x + a
--R
--R
                            5 10
                                         2 4 8 3 3 6 +-+
                   6 12
--R.
             (- 15A c x \, - 270A a c x \, - 720A a c x \, - 480A a c x )\|a
--R
--R
               +----+
               | 2
--R
--R
              \c x + a - \a
--R
          log(-----)
--R
                      x
--R
```

```
5 11 5 10 2 4 9 2 4 8
--R
--R
          - 32B a c x - 15A a c x - 560B a c x - 260A a c x
--R
                 3 3 7 3 3 6 4 2 5 4 2 4
--R
--R
          - 1200B a c x - 500A a c x + 608B a c x + 720A a c x
--R
              5 3 5 2 6 6
--R
--R
          2816B \ a \ c \ x + 2240A \ a \ c \ x + 1536B \ a \ x + 1280A \ a
--R
--R
--R
         1 2
--R
         \c x + a
--R
                      5 10 2 4 9 2 4 8
--R
--R
          192B a c x + 90A a c x + 1120B a c x + 510A a c x
--R
--R
               3 3 7 3 3 6 4 2 5
--R
          1152B a c x + 340A a c x - 1824B a c x - 1680A a c x
--R
                5 3 5 2 6
--R
--R
          - 3584B a c x - 2880A a c x - 1536B a x - 1280A a
--R
--R
         +-+
--R
         \|a
--R /
--R
         3 2 10 4 8 5 6 +-+ | 2 3 3 12
--R
--R
       (1440a c x + 7680a c x + 7680a x) | a | c x + a - 240a c x
--R
            4 2 10 5 8 6 6
--R
--R
       - 4320a c x - 11520a c x - 7680a x
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 420
--S 421 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         | 2 +-+ | 2
3 \|c x + a - \|a 3 \|c x + a
--R
--R
        A c log(-----) + A c atanh(-----)
--R
--R
                                          +-+
--R
--R (4) -----
--R
                          2 +-+
--R
                         16a \|a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 421
```

```
--S 422 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 422
)clear all
--S 423 of 1396
t0:=x^4*(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
--R
               7
                      6 5 4 | 2
--R
    (1) (B c x + A c x + B a x + A a x )\|c x + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 423
--S 424 of 1396
r0:=1/64*a^2*A*x*(a+c*x^2)^(3/2)/c^2+4/945*a^2*B*(a+c*x^2)^(5/2)/c^3-_
    4/63*a*B*x^2*(a+c*x^2)^(5/2)/c^2+1/8*A*x^3*(a+c*x^2)^(5/2)/c+_
    1/9*B*x^4*(a+c*x^2)^(5/2)/c+1/3024*a*(64*a*B-189*A*c*x)*_
    (a+c*x^2)^(5/2)/c^3+3/128*a^4*A*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/_
    c^{(5/2)+3/128*a^3*A*x*sqrt(a+c*x^2)/c^2}
--R
--R
--R
     (2)
--R
                            +-+
--R
              4
                         x\|c
         945A a c atanh(-----)
--R
--R
                        +----+
--R
                        | 2
--R
                       \c x + a
--R
--R
                              4 7
                                            3 6
                                                          3 5
--R
             4480B c x + 5040A c x + 6400B a c x + 7560A a c x + 384B a c x
--R
--R
                           3 2
                                           3
             630A a c x - 512B a c x - 945A a c x + 1024B a
--R
--R
--R.
               +----+
--R
           +-+ | 2
--R
           \c \c \c x + a
--R /
--R
            3 +-+
--R
       40320c \lc
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 424
```

```
--S 425 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R [
                  4 4 8 5 3 6 6 2 4
--R
              945A a c x + 37800A a c x + 226800A a c x + 423360A a c x
--R
--R
--R
--R
              241920A a
--R
--R
--R
             +-+ | 2
--R
             --R
                         6 3 6 7 2 4 8 2
--R
                 5 4 8
--R
            - 8505A a c x - 113400A a c x - 408240A a c x - 544320A a c x
--R
--R
--R
            - 241920A a
--R
--R
              +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
             (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
          log(-----)
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
                           --R
                    7 16 7 15 2 6 14
--R
--R
           - 40320B a c x - 45360A a c x - 595200B a c x
--R
                                 3 5 12
--R
                   2 6 13
           - 672840A a c x - 2706816B a c x - 3090150A a c x
--R
--R
                    4 4 10
--R
                                  4 4 9
           - 5386752B a c x - 6236055A a c x - 4945920B a c x
--R
--R
                    5 3 7 6 2 6 6 2 5
--R
            - 5803560 \text{A} a c x - 1720320 \text{B} a c x - 1890000 \text{A} a c x
--R
--R
--R
                 7 3
--R
            383040A a c x + 241920A a x
--R
--R
            +----+
--R
           +-+ | 2
          \c \c \c x + a
--R
--R
```

```
8 18 8 17 7 16 7 15
--R
            4480B c x + 5040A c x + 190080B a c x + 214200A a c x
--R
--R
                   2 6 14 2 6 13
--R
            1517184B a c x + 1721790A a c x + 4889472B a c x
--R
--R
                   3 5 11 4 4 10 4 4 9
--R
            5609205A a c x + 7644672B a c x + 8887095A a c x
--R
--R
                                5 3 7
                   5 3 8
--R
--R
            5806080B \ a \ c \ x + 6781320A \ a \ c \ x + 1720320B \ a \ c \ x
--R
                   6 2 5 7 3
--R
           1728720A a c x - 504000A a c x - 241920A a x
--R
--R
--R
           +-+ +-+
--R
          \|a \|c
--R
             6 8
                       5 6 2 4 4 3 3 2
--R
--R
            40320c x + 1612800a c x + 9676800a c x + 18063360a c x
--R
--R
                 4 2
--R
            10321920a c
--R
--R
           +-+ +-+ | 2
--R
--R
          | a | c | c x + a
--R
                          2 5 6 3 4 4 4 3 2
--R
                   68
--R
           - 362880a c x - 4838400a c x - 17418240a c x - 23224320a c x
--R
--R
                    5 2
--R
           - 10321920a c
--R
--R
--R
          \|c
--R
--R
                   4 4 8 5 3 6
                                             6 2 4
--R
--R
               1890A a c x + 75600A a c x + 453600A a c x + 846720A a c x
--R
--R
--R.
              483840A a
--R
--R
                +----+
              +-+ | 2
--R
--R
             |a|cx + a
--R
                  5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
            - 17010A a c x - 226800A a c x - 816480A a c x - 1088640A a c x
```

```
--R
--R
--R
           - 483840A a
--R
              +----+
--R
--R
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
                        сх
--R
                    7 16 7 15 2 6 14
--R
           - 40320B a c x - 45360A a c x - 595200B a c x
--R
--R
                             3 5 12
--R
                    2 6 13
            - 672840A a c x \, - 2706816B a c x \, - 3090150A a c x
--R
--R
                    4 4 10
--R
                                   4 4 9
            - 5386752B a c x \, - 6236055A a c x \, - 4945920B a c x
--R
--R
                    5 3 7 6 2 6 6 2 5
--R
--R
            - 5803560A a c x - 1720320B a c x - 1890000A a c x
--R
--R
              7 3 8
--R
            383040A a c x + 241920A a x
--R
--R
           +---+ | 2
--R
--R
           --R
            8 18 8 17 7 16 7 15
--R
--R
            4480B c x + 5040A c x + 190080B a c x + 214200A a c x
--R
--R
                   2 6 14
                                 2 6 13
--R
            1517184B a c x + 1721790A a c x + 4889472B a c x
--R
                   3 5 11 4 4 10
--R
--R
            5609205A a c x + 7644672B a c x + 8887095A a c x
--R
--R
                   5 3 8
                                5 3 7
--R
            5806080B \ a \ c \ x + 6781320A \ a \ c \ x + 1720320B \ a \ c \ x
--R
                           7 3
--R
                  6 2 5
--R
           1728720A a c x - 504000A a c x - 241920A a x
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
--R
                       5 6 2 4 4 3 3 2
           40320c x + 1612800a c x + 9676800a c x + 18063360a c x
--R
--R
```

```
--R
              4 2
--R
           10321920a c
--R
--R
                  +----+
          +---+ +-+ | 2
--R
--R
          --R
                             2 5 6 3 4 4 4 3 2
--R
           - 362880a c x - 4838400a c x - 17418240a c x - 23224320a c x
--R
--R
--R
                   5 2
--R
           - 10321920a c
--R
           +---+
--R
--R
          \|- c
--R
     ]
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 425
--S 426 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
              4 5 8 5 4 6 6 3 4 7 2 2
--R
--R
             945A a c x + 37800A a c x + 226800A a c x + 423360A a c x
--R
--R
--R
             241920A a c
--R
--R
               +----+
            +-+ | 2
--R
--R
            --R
                             6 4 6 7 3 4
--R
                5 5 8
          - 8505A a c x - 113400A a c x - 408240A a c x - 544320A a c x
--R
--R
--R
                 9
--R
          - 241920A a c
--R
--R
             +-+ +-+
                       | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
                            +----+
                          +-+ | 2
--R
--R
                          |a|cx + a - a
--R
                   4 5 8 5 4 6 6 3 4 7 2 2
--R
--R
             - 945A a c x - 37800A a c x - 226800A a c x - 423360A a c x
```

```
--R
--R
--R
            - 241920A a c
--R
--R
              +----+
            +-+ | 2
--R
--R
           \|a \|c x + a
--R
              5 5 8 6 4 6 7 3 4 8 2 2
--R
          8505A a c x + 113400A a c x + 408240A a c x + 544320A a c x
--R
--R
--R
--R
          241920A a c
--R
--R
              x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
          +----+
--R
             1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
             5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
          1024B a c x + 40960B a c x + 245760B a c x + 458752B a c x
--R
--R
--R
          262144B a
--R
--R
           +----+
--R
         +-+ | 2
--R
        \c \c \c x + a
--R
           5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
         - 9216B a c x - 122880B a c x - 442368B a c x - 589824B a c x
--R
--R
--R
         - 262144B a
--R
         +-+ +-+
--R
--R
        \|a \|c
--R /
             7 8 6 6 2 5 4 3 4 2
--R
--R
          40320c x + 1612800a c x + 9676800a c x + 18063360a c x
--R
--R
               4 3
--R
         10321920a c
--R
--R
              +----+
--R
        +-+ +-+ | 2
--R
       \|a \|c \|c x + a
--R
```

```
78 266 354 442
--R
--R
          - 362880a c x - 4838400a c x - 17418240a c x - 23224320a c x
--R
--R
                    5 3
--R
          - 10321920a c
--R
--R
--R
         \|c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 426
--S 427 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 427
--S 428 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
                458 546 634 722
--R
--R
              - 945A a c x - 37800A a c x - 226800A a c x - 423360A a c x
--R
--R
--R
              - 241920A a c
--R
--R
                     +----+
             +---+ +-+ | 2
--R
--R
            --R
                                6 4 6 7 3 4
--R
             8505A a c x + 113400A a c x + 408240A a c x + 544320A a c x
--R
--R
--R
--R
              241920A a c
--R
             +---+
--R
--R
            \|- c
--R
--R
                 +-+
--R
               x\|c
         atanh(-----)
--R
              +----+
--R
--R
              1 2
--R
              \c x + a
--R
```

```
458 546 634 722
--R
--R
            1890A a c x + 75600A a c x + 453600A a c x + 846720A a c x
--R
--R
            483840A a c
--R
--R
--R
                +----+
--R
           +-+ +-+ | 2
           --R
--R
--R
              5 5 8 6 4 6 7 3 4
           - 17010A a c x - 226800A a c x - 816480A a c x
--R
--R
--R
                   8 2 2
--R
           - 1088640A a c x - 483840A a c
--R
--R
           +-+
--R
           \lc
--R
--R
           +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
           \|- c \|c x + a - \|- c \|a
        atan(-----)
--R
               сх
--R
--R
             5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
         1024B a c x + 40960B a c x + 245760B a c x + 458752B a c x
        + 9
--R
--R
--R
        262144B a
--R
           +----+
--R
        +---+ +-+ | 2
--R
--R
       --R
          5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
         - 9216B a c x - 122880B a c x - 442368B a c x - 589824B a c x
--R
--R
--R
         - 262144B a
--R
        +---+ +-+ +-+
--R
--R.
        \|- c \|a \|c
--R /
            7 8 6 6 2 5 4 3 4 2
--R
         40320c x + 1612800a c x + 9676800a c x + 18063360a c x
--R
--R
--R
        10321920a c
--R
--R
```

```
--R
--R
          +---+ +-+ +-+ | 2
--R
          --R
                     78 266 354 442
--R
--R
           - 362880a c x - 4838400a c x - 17418240a c x - 23224320a c x
--R
--R
--R
           - 10321920a c
--R
--R
           +---+ +-+
          \|- c \|c
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--R
--E 428
--S 429 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 429
)clear all
--S 430 of 1396
t0:=x^3*(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
             6 5 4 3 | 2
--R
--R
   (1) (B c x + A c x + B a x + A a x )\|c x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 430
--S 431 of 1396
r0:=1/64*a^2*B*x*(a+c*x^2)^(3/2)/c^2-1/105*a*A*(a+c*x^2)^(5/2)/c^2+\_
    1/7*A*x^2*(a+c*x^2)^(5/2)/c+1/8*B*x^3*(a+c*x^2)^(5/2)/c-
    1/336*a*(16*A+21*B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/c^2+3/128*a^4*B*_
    atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)+3/128*a^3*B*x*sqrt(a+c*x^2)/c^2
--R
--R
--R
     (2)
--R
                        +-+
--R
             4
                     x\|c
        105B a atanh(-----)
--R
                    +----+
--R
--R
                    1 2
--R
                    \c x + a
--R
```

```
37 36 25 24 23
--R
--R
          560B c x + 640A c x + 840B a c x + 1024A a c x + 70B a c x
--R
              2 2 3
--R
         128А асх - 105В ах- 256А а
--R
--R
--R
           +----+
--R
        +-+ | 2
        \c \c \c x + a
--R
--R /
--R
        2 +-+
--R
     4480c \|c
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 431
--S 432 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
               4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+
--R
--R
             (840B \ a \ c \ x + 8400B \ a \ c \ x + 20160B \ a \ c \ x + 13440B \ a ) \ | \ a
--R
--R
             1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
                4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2
--R
--R
           - 105B a c x - 3360B a c x - 16800B a c x - 26880B a c x
--R
--R
                 8
--R
          - 13440B a
--R
--R
                       +-+ +-+
--R
--R
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
          log(-----)
--R
                           +-+ | 2
--R
--R
                           \|a \|c x + a - a
--R
                 7 15 7 14 6 13
                                             6 12
--R
--R
           - 560B c x \, - 640A c x \, - 18760B a c x \, - 21504A a c x
--R
--R
                   2 5 11
                               2 5 10
--R
           - 116550B a c x - 135296A a c x - 279895B a c x
--R
                   3 4 8 4 3 7 4 3 6 5 2 5
--R
--R
          - 331520A a c x - 294560B a c x - 358400A a c x - 108640B a c x
```

```
+ 5 2 4 6 3 7
--R
--R
          - 143360A a c x + 17920B a c x + 13440B a x
--R
--R
--R
             +----+
          +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R
           7 15 7 14 6 13 6 12
--R
           4480B c x + 5120A c x + 56000B a c x + 64512A a c x
--R
--R
                              2 5 10
                                            3 4 9
--R
                 2 5 11
           226800B a c x + 265216A a c x + 413000B a c x + 492800A a c x
--R
--R
--R
                 4 3 7 4 3 6 5 2 5 5 2 4
--R
           350280B a c x + 430080A a c x + 101360B a c x + 143360A a c x
--R
--R
                6 3
--R
          - 24640B a c x - 13440B a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
          \la \lc
--R
--R
           5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+ +-+
--R
          (35840c x + 358400a c x + 860160a c x + 573440a c) | a | c
--R
--R
--R
           1 2
--R
          \c x + a
--R
                68 56 244 332
--R
--R
            - 4480c x - 143360a c x - 716800a c x - 1146880a c x
--R
--R
           - 573440a c
--R
--R
--R
           +-+
--R
          \lc
--R
--R
                  4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+
--R
             (1680B \ a \ c \ x + 16800B \ a \ c \ x + 40320B \ a \ c \ x + 26880B \ a ) \ | \ a
--R
--R.
--R
             1 2
--R
--R
            \c + a
--R
                4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2
--R
           - 210B a c x - 6720B a c x - 33600B a c x - 53760B a c x
--R
--R
```

```
--R
            - 26880B a
--R
--R
--R
                    +----+
               +---+ | 2 +---+ +-+
--R
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
--R
                         сх
--R
                 7 15 7 14 6 13
--R
            - 560B c x - 640A c x - 18760B a c x - 21504A a c x
--R
--R
                    2 5 11
                                   2 5 10
--R
--R
            - 116550B a c x - 135296A a c x - 279895B a c x
--R
--R
                     3 4 8
                             4 3 7 4 3 6
--R
            - 331520A a c x - 294560B a c x - 358400A a c x - 108640B a c x
--R
                             6 3
--R
                    5 2 4
--R
           - 143360A a c x + 17920B a c x + 13440B a x
--R
               +----+
--R
--R
           +---+ | 2
--R
           \label{lem:condition} \label{lem:condition} \label{lem:condition} \
--R
             7 15 7 14 6 13 6 12
--R
            4480B c x + 5120A c x + 56000B a c x + 64512A a c x
--R
--R
                   2 5 11 2 5 10 3 4 9
--R
--R
            226800B a c x + 265216A a c x + 413000B a c x + 492800A a c x
--R
                   4 3 7 4 3 6 5 2 5 5 2 4
--R
--R
            350280B \ a \ c \ x + 430080A \ a \ c \ x + 101360B \ a \ c \ x + 143360A \ a \ c \ x
--R
--R
                   6 3
            - 24640B a c x - 13440B a x
--R
--R
--R
           +---+ +-+
--R
           \|- c \|a
--R
                      4 4 2 3 2 3 2 +---+ +-+
--R
           (35840c x + 358400a c x + 860160a c x + 573440a c) = c \a
--R
--R.
--R
            +----+
           1 2
--R
--R
           \c x + a
--R
--R
                         5 6 2 4 4 3 3 2
             - 4480c x - 143360a c x - 716800a c x - 1146880a c x
--R
--R
```

```
--R
                  4 2
--R
          - 573440a c
--R
--R
          +---+
--R
         \|- c
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 432
--S 433 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
            4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+
--R
--R
            (840B \ a \ c \ x + 8400B \ a \ c \ x + 20160B \ a \ c \ x + 13440B \ a ) \ a
--R
--R
            +----+
--R
            1 2
--R
           \c x + a
--R
             4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2
--R
--R
          - 105B a c x - 3360B a c x - 16800B a c x - 26880B a c x
--R
             8
--R
--R
          - 13440B a
--R
--R
                        +----+
            +--+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
                          --R
                 4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+
--R
            (- 840B a c x - 8400B a c x - 20160B a c x - 13440B a )\|a
--R
--R
--R
            1 2
--R
--R
           \c x + a
--R
--R.
            4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2 8
         105B a c x + 3360B a c x + 16800B a c x + 26880B a c x + 13440B a
--R
--R
--R
                +-+
--R
              x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
              1 2
--R
```

```
--R
            \|c x + a
--R
             4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+
--R
--R
         (- 2048A a c x - 20480A a c x - 49152A a c x - 32768A a )\|c
--R
          +----+
--R
         1 2
--R
--R
         \c x + a
--R
                3 4 8 4 3 6 5 2 4
--R
--R
           256A a c x + 8192A a c x + 40960A a c x + 65536A a c x
--R
--R
--R
           32768A a
--R
--R
         +-+ +-+
--R
         \|a \|c
--R /
--R
                  4 4 2 3 2 3 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
       (35840c x + 358400a c x + 860160a c x + 573440a c) | a | c | c x + a
--R
                5 6 2 4 4
--R
                                           3 3 2
--R
      (- 4480c x - 143360a c x - 716800a c x - 1146880a c x - 573440a c )\|c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 433
--S 434 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 434
--S 435 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
                  4 3 6 5 2 4 6 2 7 +---+
--R
--R
            (- 840B a c x - 8400B a c x - 20160B a c x - 13440B a )\|- c
--R
--R
            +-+ | 2
--R
--R
           \|a \|c x + a
--R
--R
                 4 4 8
                          5 3 6 6 2 4 7 2
             105B a c x + 3360B a c x + 16800B a c x + 26880B a c x
--R
--R
```

```
--R
--R
             13440B a
--R
--R
            +---+
--R
            \|- c
--R
--R
--R
              x \mid c
         atanh(-----)
--R
            +----+
--R
--R
             1 2
--R
             \|c x + a
--R
                4 3 6
                             5 2 4 6 2 7 +-+ +-+
--R
--R
            (1680B a c x + 16800B a c x + 40320B a c x + 26880B a )\|a \|c
--R
--R
            +----+
            1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
              4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2
--R
--R
             - 210B a c x - 6720B a c x - 33600B a c x - 53760B a c x
--R
--R
--R
             - 26880B a
--R
--R
            +-+
--R
            \lc
--R
--R
             +----+
            +---+ | 2 +---+ +-+
--R
            \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
         atan(-----)
--R
--R
                       сх
--R
               4 3 6 5 2 4 6 2 7 +---+ +-+
--R
         (- 2048A a c x - 20480A a c x - 49152A a c x - 32768A a )\|- c \|c
--R
--R
         +----+
--R
         | 2
--R
--R
         \c x + a
--R
--R
               3 4 8 4 3 6 5 2 4 6 2
--R
            256A a c x + 8192A a c x + 40960A a c x + 65536A a c x
--R
--R
--R
            32768A a
--R
         +---+ +-+ +-+
--R
         \|- c \|a \|c
--R
```

```
--R /
            5 6
--R
                    4 4 2 3 2 3 2 +---+ +-+ +-+
--R
          (35840c x + 358400a c x + 860160a c x + 573440a c) | - c | a | c
--R
--R
           +----+
           1 2
--R
--R
          \c x + a
--R
                68 56 244 332 42
--R
          (- 4480c x - 143360a c x - 716800a c x - 1146880a c x - 573440a c )
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|c
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 435
--S 436 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 436
)clear all
--S 437 of 1396
t0:=x^2*(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                    4 3 2 | 2
--R
             5
--R
    (1) (B c x + A c x + B a x + A a x )\|c x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 437
--S 438 of 1396
r0:=-1/24*a*A*x*(a+c*x^2)^(3/2)/c-1/105*a*B*(a+c*x^2)^(5/2)/c^2+_
    1/7*B*x^2*(a+c*x^2)^{(5/2)/c-1/42*(2*a*B-7*A*c*x)*(a+c*x^2)^{(5/2)/c^2-_}
    1/16*a^3*A*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)-1/16*a^2*_
    A*x*sqrt(a+c*x^2)/c
--R
--R
--R
     (2)
--R
                           +-+
--R
               3
                         x\|c
        - 105A a c atanh(-----)
--R
--R
                        +----+
                        1 2
--R
--R
                       \c x + a
```

```
--R
            3 6 3 5 2 4 2 3 2 2
--R
--R
           240B\ c\ x\ +\ 280A\ c\ x\ +\ 384B\ a\ c\ x\ +\ 490A\ a\ c\ x\ +\ 48B\ a\ c\ x
--R
               2 3
--R
--R
         105А асх - 96В а
--R
--R
            +----+
         +-+ | 2
--R
--R
         \c \c \c x + a
--R /
         2 +-+
--R
--R
      1680c \|c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 438
--S 439 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
                  3 3 6 4 2 4 5 2 6 +-+
--R
              (105A \ a \ c \ x + 2520A \ a \ c \ x + 8400A \ a \ c \ x + 6720A \ a ) \ a
--R
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
                 4 3 6 5 2 4 6 2 7
--R
--R
            - 735A a c x - 5880A a c x - 11760A a c x - 6720A a
--R
                           +-----+
1 2 2 +-+ +-+
1 2 2 x\la
--R
--R
               +-+ +-+
                          1 2
--R
              (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
--R
--R
                             +-+ | 2
--R
--R
                             --R
                            5 11 2 4 10
--R
                     5 12
            - 1680B a c x \, - 1960A a c x \, - 16128B a c x \, - 19110A a c x
--R
--R
--R
                    3 3 8
                                3 3 7 4 2 6
--R
            - 48720B a c x - 59535A a c x - 60480B a c x - 78680A a c x
--R
                   5 4 5 3 6
--R
--R
            - 26880B a c x - 43120A a c x - 6720A a x
--R
              +----+
--R
```

```
+-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R
               6 14 6 13 5 12 5 11
--R
--R
           240B c x + 280A c x + 6384B a c x + 7490A a c x
--R
                 2 4 10 2 4 9 3 3 8 3 3 7
--R
--R
           34608B a c x + 41475A a c x + 75600B a c x + 93905A a c x
--R
                4 2 6
                            4 2 5 5 4
--R
--R
           73920B a c x + 99400A a c x + 26880B a c x + 46480A a c x
--R
--R
--R
           6720A a x
--R
--R
           +-+ +-+
--R
         \|a \|c
--R
--R
                 3 4 2 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
         (1680c x + 40320a c x + 134400a c x + 107520a c) | a | c | c x + a
--R
--R
                4 6 2 3 4 3 2 2
--R
         (- 11760a c x - 94080a c x - 188160a c x - 107520a c)\|c
--R
--R
                                     5 2
                    3 3 6 4 2 4
--R
--R
             (-210A \ a \ c \ x \ -5040A \ a \ c \ x \ -16800A \ a \ c \ x \ -13440A \ a \ ) \ | \ a
--R
--R
              +----+
--R
             1 2
--R
             \c x + a
--R
                4 3 6 5 2 4 6 2 7
--R
--R
          1470A a c x + 11760A a c x + 23520A a c x + 13440A a
--R
--R
                  +----+
              +---+ | 2
                             +---+ +-+
--R
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
          atan(-----)
--R
                        сх
--R
                   5 12 5 11 2 4 10 2 4 9
--R
--R
           - 1680B a c x - 1960A a c x - 16128B a c x - 19110A a c x
--R
--R
                   3 3 8
                              3 3 7
                                          4 2 6
--R
            -48720B a c x -59535A a c x -60480B a c x -78680A a c x
--R
                   5 4 5 3 6
--R
--R
            - 26880B a c x - 43120A a c x - 6720A a x
```

```
--R
--R
--R
           +---+ | 2
--R
           --R
                6 14 6 13 5 12 5 11
--R
--R
            240B c x + 280A c x + 6384B a c x + 7490A a c x
--R
                  2 4 10 2 4 9 3 3 8 3 3 7
--R
--R
            34608B a c x + 41475A a c x + 75600B a c x + 93905A a c x
--R
                                      5 4
                 4 2 6 4 2 5
--R
            73920B a c x + 99400A a c x + 26880B a c x + 46480A a c x
--R
--R
--R
--R
            6720A a x
--R
--R
           +---+ +-+
--R
           \|- c \|a
--R
--R
                     3 4 2 2 2 3 +---+ +-+
           (1680c x + 40320a c x + 134400a c x + 107520a c) | - c | a
--R
--R
--R
           1 2
--R
           \c x + a
--R
--R
                  4 6 2 3 4 3 2 2 4 +---+
--R
--R
         (- 11760a c x - 94080a c x - 188160a c x - 107520a c)\|- c
--R.
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 439
--S 440 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
               3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +-+ | 2
--R
--R
           (35A \ a \ c \ x + 840A \ a \ c \ x + 2800A \ a \ c \ x + 2240A \ a \ c) \ a \ c \ x + a
--R
--R.
                4 4 6 5 3 4 6 2 2
--R
          - 245A a c x - 1960A a c x - 3920A a c x - 2240A a c
--R
--R
                          +----+
              +-+ +-+ | 2
--R
--R
            (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
--R
--R
                               +----+
```

```
+-+ | 2
--R
--R
                              |a|cx + a - a
--R
--R
                 3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +-+ | 2
--R
--R
            (35A \ a \ c \ x + 840A \ a \ c \ x + 2800A \ a \ c \ x + 2240A \ a \ c) \leq x + a
--R
                                       6 2 2
--R
                              5 3 4
           - 245A a c x - 1960A a c x - 3920A a c x - 2240A a c
--R
--R
--R
--R
                 x \mid c
          atanh(-----)
--R
               +----+
--R
--R
                1 2
--R
               \c x + a
--R
--R
             4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ | 2
--R
--R
         (-32B \ a \ c \ x \ -768B \ a \ c \ x \ -2560B \ a \ c \ x \ -2048B \ a \ ) \ | \ c \ | \ c \ x \ + a \ |
--R
--R
             4 3 6 5 2 4 6 2
--R
         (224B a c x + 1792B a c x + 3584B a c x + 2048B a )\|a \|c
--R /
--R
           5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
         (560c x + 13440a c x + 44800a c x + 35840a c) | a | c | c x + a
--R
--R
                5 6 2 4 4 3 3 2
                                               4 2 +-+
--R
         (-3920a c x - 31360a c x - 62720a c x - 35840a c)\c
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 440
--S 441 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 441
--S 442 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
                  3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +---+ +-+
--R
             (35A \ a \ c \ x + 840A \ a \ c \ x + 2800A \ a \ c \ x + 2240A \ a \ c) \ - \ c \ a
--R
--R
              +----+
--R
```

```
1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
                 4 4 6 5 3 4 6 2 2 7 +---+
--R
--R
          (- 245A a c x - 1960A a c x - 3920A a c x - 2240A a c)\|- c
--R
--R
                 +-+
--R
               x \mid c
         atanh(-----)
--R
--R
             +----+
--R
              1 2
--R
              \c x + a
--R
                           4 3 4 5 2 2 6 +-+ +-+
--R
                 3 4 6
            (- 70A a c x - 1680A a c x - 5600A a c x - 4480A a c)\|a \|c
--R
--R
--R
             +----+
--R
             1 2
--R
            \c x + a
--R
               4 4 6 5 3 4 6 2 2 7 +-+
--R
--R
           (490A \ a \ c \ x + 3920A \ a \ c \ x + 7840A \ a \ c \ x + 4480A \ a \ c) \ c
--R
--R
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             |- c |c + a - |- c |a
         atan(-----)
--R
--R
                        сх
--R
               4 3 6 5 2 4 6 2 7 +---+ +-+
--R
--R
         (-32B \ a \ c \ x \ -768B \ a \ c \ x \ -2560B \ a \ c \ x \ -2048B \ a \ ) \ | - c \ | c
--R
--R
          +----+
--R
         | 2
--R
         \c x + a
--R
                        5 2 4 6 2 7 +---+ +-+ +-+
--R
            4 3 6
--R
        (224B a c x + 1792B a c x + 3584B a c x + 2048B a )\|- c \|a \|c
--R /
--R
                       4 4 2 3 2
                                         3 2 +---+ +-+ +-+
--R
         (560c x + 13440a c x + 44800a c x + 35840a c) | - c | a | c
--R
--R
         +----+
--R
         1 2
--R
         \c + a
--R
           5 6 2 4 4 3 3 2 4 2 +---+ +-+
--R
--R
        (- 3920a c x - 31360a c x - 62720a c x - 35840a c )\|- c \|c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 442
```

```
--S 443 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
    (7) 0
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 443
)clear all
--S 444 of 1396
t0:=x*(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
--R
             4 3 2
                                      1 2
--R
    (1) (B c x + A c x + B a x + A a x) \setminus |c x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 444
--S 445 of 1396
r0:=-1/24*a*B*x*(a+c*x^2)^(3/2)/c+1/30*A*(a+c*x^2)^(5/2)/c+\_
    1/6*(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/16*a^3*B*atanh(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)-1/16*a^2*B*x*sqrt(a+c*x^2)/c
--R
--R
--R
     (2)
--R
                         +-+
--R
              3
                       x\|c
        - 15B a atanh(-----)
--R
                     +----+
--R
--R
                      1 2
--R
                     \c x + a
--R
                                     3
               2 5 2 4
                                                 2 2 2 +-+
--R
          (40B c x + 48A c x + 70B a c x + 96A a c x + 15B a x + 48A a) \c
--R
--R
--R
           +----+
           1 2
--R
--R
          \c x + a
--R /
--R
           +-+
--R
       240c\|c
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 445
--S 446 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R (3)
--R [
--R
               3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
--R
            (90B a c x + 480B a c x + 480B a )\|a \|c x + a - 15B a c x
--R
                 4 2 4 5 2
--R
           - 270B a c x - 720B a c x - 480B a
--R
--R
--R
                         1 2
                                       2 +-+ +-+
--R
--R
             ( |a |c + c | x) |c | x + a + (-c | x - a) |c - c | x | a
--R
          log(-----
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
                            |a|cx + a - a
--R
                5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
--R
--R
            - 40B c x \, - 48A c x \, - 790B a c x \, - 960A a c x \, - 3195B a c x
--R
                  2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3
--R
--R
            - 4080A a c x \, - 4910B a c x \, - 6720A a c x \, - 2960B a c x
--R
--R
                 4 2 5
            -3840A a c x -480B a x
--R
--R
--R
--R
           +-+ | 2
--R
          \c \c \c x + a
--R
               5 11 5 10 4 9 4 8
--R
--R
            240B c x + 288A c x + 1940B a c x + 2400A a c x
--R
                2 3 7 2 3 6 3 2 5 3 2 4
--R
            5310B a c x + 6960A a c x + 6330B a c x + 8640A a c x
--R
--R
--R
                 4 3 4 2
           3200B a c x + 3840A a c x + 480B a x
--R
--R
--R
           +-+ +-+
--R
          \|a \|c
--R
--R
            3 4 2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
         (1440c x + 7680a c x + 7680a c) | a | c | c x + a
--R
                   3 4 2 2 2 3 +-+
--R
         (- 240c x - 4320a c x - 11520a c x - 7680a c)\c
--R
--R
```

```
--R
--R
                   3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
            (- 180B a c x - 960B a c x - 960B a )\|a \|c x + a + 30B a c x
--R
--R
                 4 2 4 5 2
--R
--R
           540B a c x + 1440B a c x + 960B a
--R
                   +----+
--R
               +---+ | 2 +---+ +-+
--R
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
           atan(-----)
--R
--R
--R
                 5 11 5 10 4 9 4 8
--R
--R
            - 40B c x \, - 48A c x \, - 790B a c x \, - 960A a c x \, - 3195B a c x
--R
--R
                  2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3
             - 4080A a c x \, - 4910B a c x \, - 6720A a c x \, - 2960B a c x
--R
--R
--R
            -3840A a c x -480B a x
--R
--R
--R
            +---+ | 2
--R
           \label{lem:condition} \label{lem:condition} \label{lem:condition} \
--R
--R
                5 11 5 10 4 9 4 8
--R
--R
             240B c x + 288A c x + 1940B a c x + 2400A a c x
--R
                 2 3 7 2 3 6 3 2 5 3 2 4
--R
--R
             5310B a c x + 6960A a c x + 6330B a c x + 8640A a c x
--R
                 4 3 4 2 5
--R
--R
           3200B a c x + 3840A a c x + 480B a x
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
--R
             3 4 2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
         (1440c x + 7680a c x + 7680a c) - c | a | c x + a
--R
--R
                               2 2 2 3 +---+
                     3 4
--R
              4 6
--R
         (- 240c x - 4320a c x - 11520a c x - 7680a c)\|- c
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 446
--S 447 of 1396
```

```
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
               3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
--R
          (30B a c x + 160B a c x + 160B a )\|a\|c x + a - 5B a c x
--R
               4 2 4 5 2 6
--R
          - 90B a c x - 240B a c x - 160B a
--R
--R
                         +----+
--R
                         2 +-+ +-+
             +-+ +-+
--R
--R
            (|a |c + c |x)|c |x + a + (-c |x - a)|c - c |x|a
--R
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
                           --R
--R
               3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
--R
           (30B \ a \ c \ x + 160B \ a \ c \ x + 160B \ a \ ) \ | \ a \ | \ c \ x + a - 5B \ a \ c \ x
--R
--R
               4 2 4 5 2 6
           - 90B a c x - 240B a c x - 160B a
--R
--R
--R
--R
               x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
              +----+
              1 2
--R
--R
             \c + a
--R
--R
           3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
       (96A \ a \ c \ x + 512A \ a \ c \ x + 512A \ a ) \ c \ c \ x + a
--R
--R
             2 3 6 3 2 4 4 2 5 +-+ +-+
--R
       (- 16A a c x - 288A a c x - 768A a c x - 512A a )\|a \|c
--R
--R /
--R
          3 4 2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R.
        (480c x + 2560a c x + 2560a c) | a | c | c x + a
--R
           4 6 3 4 2 2 2 3 +-+
--R
--R
        (-80c x - 1440a c x - 3840a c x - 2560a c)\c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 447
--S 448 of 1396
```

```
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 448
--S 449 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
               3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ | 2
--R
--R
          (30B a c x + 160B a c x + 160B a )\|- c \|a \|c x + a
--R
--R
                3 3 6
                        4 2 4 5 2 6 +---+
--R
          (-5B a c x - 90B a c x - 240B a c x - 160B a )\|- c
--R
--R
                 +-+
--R
                x\|c
         atanh(-----)
--R
--R
              +----+
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
                3 2 4 4 2 5 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (- 60B a c x - 320B a c x - 320B a )\|a \|c \|c x + a
--R
               3 3 6 4 2 4 5 2 6 +-+
--R
--R
           (10B \ a \ c \ x + 180B \ a \ c \ x + 480B \ a \ c \ x + 320B \ a ) \ c
--R
--R
                 +----+
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
         atan(-----)
--R
--R
--R
--R
            3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ | 2
--R
        (96A a c x + 512A a c x + 512A a )\|- c \|c \|c x + a
--R
--R.
              2 3 6 3 2 4 4 2 5 +---+ +-+
--R
--R
        (- 16A a c x - 288A a c x - 768A a c x - 512A a )\|- c \|a \|c
--R /
--R
                                             +----+
          3 4 2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
       (480c x + 2560a c x + 2560a c) = c = a = c x + a
--R
--R
```

```
4 6 3 4 2 2 2 3 +---+ +-+
--R
--R
         (-80c x - 1440a c x - 3840a c x - 2560a c) | - c | c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 449
--S 450 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
    (7) 0
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 450
)clear all
--S 451 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                                        +----+
--R
                                      | 2
--R
    (1) (B c x + A c x + B a x + A a) \setminus |c x + a|
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 451
--S 452 of 1396
r0:=1/4*A*x*(a+c*x^2)^(3/2)+1/5*B*(a+c*x^2)^(5/2)/c+_
    3/8*a^2*A*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/sqrt(c)+3/8*a*A*x*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
    (2)
--R
                          +-+
--R
                        x\|c
         15A a c atanh(-----)
--R
--R
                      +----+
                       | 2
--R
--R
                      \c x + a
--R
--R
                                    2
                                                      2 +-+ | 2
--R
            2 4 2 3
         (8B c x + 10A c x + 16B a c x + 25A a c x + 8B a) \ c x + a
--R
--R /
--R
          +-+
--R
       40c\|c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 452
--S 453 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R (3)
--R [
--R
              2 2 4 3 2 4 +-+ | 2 3 2 4
--R
--R
          (15A a c x + 180A a c x + 240A a )\|a \|c x + a - 75A a c x
--R
               4 2 5
--R
         - 300A a c x - 240A a
--R
--R
                       --R
                       1 2
--R
            (|a |c - c | + a + (-c | -a)|c + c |a|
--R
--R
         log(-----)
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
                         --R
               38 37 226 225 34
--R
--R
          - 40B a c x - 50A a c x - 240B a c x - 325A a c x - 480B a c x
--R
               3 3 4 2 4
--R
--R
          - 660A a c x - 320B a x - 400A a x
--R
--R
          +-+ | 2
--R
--R
         \c \c \c x + a
--R
--R
            4 10 4 9 3 8 3 7 2 2 6
--R
          8B c x + 10A c x + 120B a c x + 155A a c x + 440B a c x
--R
               2 2 5 3 4 3 3 4 2 4
--R
--R
          605A a c x + 640B a c x + 860A a c x + 320B a x + 400A a x
--R
--R
         +-+ +-+
--R
         \la \lc
--R
--R
                2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (40c x + 480a c x + 640a) | a | c | c x + a
--R
--R
             2 4 2 2 3 +-+
--R
       (- 200a c x - 800a c x - 640a )\c
--R
--R
--R
                                       +----+
              2 2 4 3 2 4 +-+ | 2 3 2 4
--R
          (30A \ a \ c \ x + 360A \ a \ c \ x + 480A \ a ) \ | \ a \ | \ c \ x + a - 150A \ a \ c \ x
--R
--R
--R
                4 2 5
```

```
--R
           - 600A a c x - 480A a
--R
--R
                   +----+
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
          atan(-----)
--R
                        сх
--R
                  38 37 226 225 34
--R
            - 40B a c x - 50A a c x - 240B a c x - 325A a c x - 480B a c x
--R
--R
                 3 3 4 2
--R
            - 660A a c x - 320B a x - 400A a x
--R
--R
               +----+
--R
--R
           +---+ | 2
--R
          --R
             4 10 4 9 3 8 3 7 2 2 6
--R
--R
            8B c x + 10A c x + 120B a c x + 155A a c x + 440B a c x
--R
               2 2 5 3 4 3 3 4 2 4
--R
--R
            605A a c x + 640B a c x + 860A a c x + 320B a x + 400A a x
--R
           +---+ +-+
--R
--R
          \|- c \|a
--R
--R
           2 4 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (40c x + 480a c x + 640a) = c |a| = x + a
--R
               2 4 2 2 3 +---+
--R
--R
        (-200a c x - 800a c x - 640a) | - c
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 453
--S 454 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
               2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2 3 3 4
--R
--R
          (15A \ a \ c \ x + 180A \ a \ c \ x + 240A \ a \ c) \ | a \ | c \ x + a - 75A \ a \ c \ x
--R
--R
               4 2 2 5
--R
          - 300A a c x \, - 240A a c
--R
--R
                         +----+
```

```
+-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
         log(-----
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
--R
                           --R
--R
               2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2 3 3 4
--R
           (- 15A a c x - 180A a c x - 240A a c)\|a\|c x + a + 75A a c x
--R
--R
--R
              4 2 2
          300A a c x + 240A a c
--R
--R
--R
--R
               x \mid c
--R
         atanh(-----)
           +----+
--R
              1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
--R
          3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
       (8B a c x + 96B a c x + 128B a )\|c \|c x + a
--R
           3 2 4 4 2 5 +-+ +-+
--R
--R
        (-40B a c x - 160B a c x - 128B a) | a | c
--R /
--R
          3 4 2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (40c x + 480a c x + 640a c) | a | c | c x + a
--R
             3 4 2 2 2 3 +-+
--R
--R
        (-200a c x - 800a c x - 640a c)\c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 454
--S 455 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 455
--S 456 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
```

```
--R
                 2 3 4 3 2 2 4 +---+ +-- | 2
--R
--R
           (- 15A a c x - 180A a c x - 240A a c)\|- c \|a \|c x + a
--R
               3 3 4 4 2 2 5 +---+
--R
--R
           (75A \ a \ c \ x + 300A \ a \ c \ x + 240A \ a \ c) \ - c
--R
--R
               x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
--R
           +----+
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
--R
               2 3 4 3 2 2 4 +-+ +-+ | 2
--R
           (30A a c x + 360A a c x + 480A a c)\|a \|c \|c x + a
--R
                3 3 4 4 2 2 5 +-+
--R
--R
           (-150A a c x - 600A a c x - 480A a c)\c
--R
                 +----+
--R
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
         atan(-----)
                 сх
--R
--R
--R
           3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ | 2
--R
--R.
       (8B a c x + 96B a c x + 128B a )\|- c \|c \|c x + a
--R
              3 2 4 4 2 5 +---+ +-+
--R
--R
        (-40B a c x - 160B a c x - 128B a) \le c \le la \le c
--R /
--R
          3 4 2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
       (40c x + 480a c x + 640a c) = c = a = c x + a
--R
           3 4 2 2 2 3 +---+ +-+
--R
--R
        (-200a c x - 800a c x - 640a c) | - c | c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 456
--S 457 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 457
```

```
)clear all
--S 458 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x
--R
--R
--R
                                                                              2
                                                                                                                                          1 2
--R
--R
                                   (B c x + A c x + B a x + A a) \setminus |c x + a
--R
                   (1) -----
--R
                                                                                                       X
--R
                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 458
--S 459 of 1396
 \texttt{r0:=1/12*(4*A+3*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)-a^(3/2)*A*atanh(sqrt(a+c*x^2)/\_ + a^2) + a^2) + a^2(3/2) 
                sqrt(a))+3/8*a^2*B*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/sqrt(c)+_
                1/8*a*(8*A+3*B*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
                   (2)
--R
                                                                                                       1 2
--R
                                                                                                                                                                                                        +-+
--R
                                                                                                                                                    2
                                                                                                    \c x + a
                                                                                                                                                                                                  x \mid c
                                - 24A a\|a \|c atanh(-----) + 9B a atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                    +-+
--R
                                                                                                                 \|a
                                                                                                                                                                                           1 2
--R
                                                                                                                                                                                         \c x + a
--R
--R
                                                     3
--R
                                                                                 2
                                                                                                                                                           +-+ | 2
--R
                                 (6B c x + 8A c x + 15B a x + 32A a) | c | c x + a
--R /
--R
--R
                         24\|c
--R
                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 459
--S 460 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                   (3)
--R
                   --R
--R
                                                                      2 2
                                                                                                               3 +-+ | 2
--R
                                                   (96A a c x + 192A a )\|c \|c x + a
--R
--R
                                                                                    2 4
                                                                                                                           2 2
                                                                                                                                                                        3 +-+ +-+
```

```
--R
           (- 24A a c x - 192A a c x - 192A a )\|a \|c
--R
--R
            | 2 +-+
--R
--R
            \|c x + a - \|a
         log(-----)
--R
--R
--R
              +-----+
2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
--R
--R
           (36B a c x + 72B a )\|a \|c x + a - 9B a c x - 72B a c x
--R
--R
          - 72B a
--R
--R
--R
             +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
         log(-----)
--R
                          +----+
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
                          |a|cx + a - a
--R
--R
              37 36 25 24 23
--R
           - 6B c x - 8A c x - 63B a c x - 96A a c x - 168B a c x
--R
            2 2 3
--R
--R
           - 192A a c x - 120B a x
--R
--R
            +----+
          +-+ | 2
--R
--R
         \c \c \c x + a
--R
             37 36 25 24 23
--R
--R
           24B c x + 32A c x + 132B a c x + 192A a c x + 228B a c x
--R
              2 2 3
--R
--R
          192A a c x + 120B a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|c
--R
--R
                       +----+
         2 +-+ +-+ | 2 2 4 2 2 +-+
--R
       (96c x + 192a) | a | c | c x + a + (-24c x - 192a c x - 192a ) | c
--R
--R
--R
--R
              2 2 3 +---+ | 2
--R
--R
           (96A \ a \ c \ x + 192A \ a ) | - c | c \ x + a
```

```
--R
                2 4 2 2 3 +---+ +-+
--R
--R
            (- 24A a c x - 192A a c x - 192A a )\|- c \|a
--R
--R
              +----+
              | 2 +-+
--R
--R
             \c x + a - \a
--R
          log(-----)
--R
--R
--R
                2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
            (72B a c x + 144B a )\|a \|c x + a - 18B a c x - 144B a c x
--R
--R
--R
--R
            - 144B a
--R
--R
                   +----+
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
           atan(-----)
                   сх
--R
--R
--R
                37 36 25 24 23
--R
            - 6B c x - 8A c x - 63B a c x - 96A a c x - 168B a c x
--R
             2 2 3
--R
--R
            - 192A a c x - 120B a x
--R
--R
               +----+
           +---+ | 2
--R
--R
          \label{lem:condition} \label{lem:condition} \label{lem:condition} \
--R
               37 36 25 24 23
--R
--R
            24B c x + 32A c x + 132B a c x + 192A a c x + 228B a c x
--R
               2 2 3
--R
--R
            192A a c x + 120B a x
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
--R.
            2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
         (96c x + 192a) | - c | a | c x + a
--R
                 2 2 +---+
--R
            2 4
--R
         (-24c x - 192a c x - 192a) | - c
      1
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
```

```
--E 460
--S 461 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
   (4)
--R
--R
             2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
          (96A a c x + 192A a )\|c \|c x + a
--R
                2 4 2 2 3 +-+ +-+
--R
          (- 24A a c x - 192A a c x - 192A a )\|a \|c
--R
--R
--R
            +----+
--R
            | 2 +-+
--R
           \|c x + a - \|a
        log(-----)
--R
--R
--R
--R
                              +----+
               2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
--R
           (36B a c x + 72B a )\|a \|c x + a - 9B a c x - 72B a c x
--R
--R
           - 72B a
--R
--R
--R
                        +----+
            +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          --R
                             +----+
--R
              2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
          (96A a c x + 192A a) | c | c x + a
--R
--R
                       2 2 3 +-+ +-+
                2 4
          (- 24A a c x - 192A a c x - 192A a )\|a \|c
--R
--R
--R
              +----+
             1 2
--R
--R
             \|c x + a
         atanh(-----)
--R
                +-+
--R
--R
                \|a
--R
--R
                               +----+
```

```
2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
--R
           (-36B \ a \ c \ x \ -72B \ a \ ) \ | \ a \ | \ | \ c \ x \ + a \ + 9B \ a \ c \ x \ + 72B \ a \ c \ x
--R
--R
               4
--R
           72B a
--R
--R
--R
                x \mid c
         atanh(-----)
--R
               +----+
--R
--R
               1 2
--R
              \c x + a
--R
--R
             2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
        (128A a c x + 256A a )\|c \|c x + a
--R
--R
               2 4 2 2 3 +-+ +-+
        (-32A a c x - 256A a c x - 256A a) | a | c
--R
--R /
--R
                          +----+
--R
                  --R
      (96c x + 192a) | a | c | c x + a + (-24c x - 192a c x - 192a ) | c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 461
--S 462 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 462
--S 463 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
               2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
           (96A a c x + 192A a )\|- c \|c \|c x + a
--R
                   2 4 2 2 3 +---+ +-+
--R
--R
           (- 24A a c x - 192A a c x - 192A a )\|- c \|a \|c
--R
--R
             +----+
--R
             1 2
             \c x + a - \a
--R
         log(-----)
--R
```

```
--R
                  x
--R
--R
               2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
          (96A a c x + 192A a )\|- c \|c \|c x + a
--R
                  2 4 2 2 3 +---+ +-+
--R
--R
           (-24A a c x - 192A a c x - 192A a) \le c \le a
--R
--R
--R
               1 2
              \|c x + a
--R
--R
         atanh(-----)
                 +-+
--R
--R
                 \|a
--R
--R
--R
                 2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
           (-36B a c x - 72B a) = c = a = c x + a
--R
              2 2 4 3 2 4 +---+
--R
--R
          (9B a c x + 72B a c x + 72B a )\|- c
--R
--R
                 +-+
--R
                x\|c
         atanh(-----)
--R
--R
               +----+
--R
               1 2
--R
              \c x + a
--R
--R
               2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (72B a c x + 144B a) | a | c | c x + a
--R
                2 2 4 3 2 4 +-+
--R
           (- 18B a c x - 144B a c x - 144B a )\|c
--R
--R
--R
                 +----+
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
         atan(-----)
--R
                        с х
--R
--R
            2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (128A \ a \ c \ x + 256A \ a ) \ | - \ c \ | c \ x + a
--R
               2 4 2 2 3 +---+ +-+
--R
--R
        (- 32A a c x - 256A a c x - 256A a )\|- c \|a \|c
--R /
```

```
--R
            2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (96c x + 192a) = c = c = c = a
--R
             2 4 2 2 +---+ +-+
--R
--R
        (-24c x - 192a c x - 192a) | - c | c
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 463
--S 464 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 464
)clear all
--S 465 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^2
--R
--R
--R
         3 2
                        | 2
--R
     (B c x + A c x + B a x + A a) \setminus |c x + a
--R
--R
     (1) -----
--R
                          2
--R
                         x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 465
--S 466 of 1396
r0:=-1/3*(3*A-B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x-a^(3/2)*B*atanh(sqrt(a+c*x^2)/_
    sqrt(a))+3/2*a*A*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))*sqrt(c)+_
    1/2*(2*a*B+3*A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                        1 2
--R
                     \c x + a
                                   +-+
                                                  x\|c
--R
--R.
        - 6B a x\|a atanh(-----) + 9A a x\|c atanh(-----)
                                                 +----+
--R
                          +-+
                                                  1 2
--R
                          \|a
--R
                                                 \c x + a
--R
--R
                         | 2
--R
            3 2
--R
        (2B c x + 3A c x + 8B a x - 6A a) \setminus |c x + a|
```

```
--R /
--R 6x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 466
--S 467 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
--R
    Ε
--R
               2 3 3 +-+ | 2 2 2 5 3 3
--R
           (24B a c x + 48B a x)\|a \|c x + a - 6B a c x - 48B a c x
--R
--R
--R
--R
           - 48B a x
--R
--R
             +----+
             | 2 +-+
--R
--R
            \|c x + a - \|a
--R
          log(-----)
              x
--R
--R
--R
               2 3 3 +-+ | 2
--R
--R
           (36A a c x + 72A a x) | c | c x + a
--R
                2 5 2 3 3 +-+ +-+
--R
--R
          (- 9A a c x - 72A a c x - 72A a x)\|a \|c
--R
--R
                         +----+
                +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
             (-x|c + |a )|c + a + x|a |c - c - a
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
--R
                        \|a \|c x + a - a
--R
                     3 6 2 5
                                      24 23
--R
           - 2B c x - 3A c x - 24B a c x - 18A a c x - 48B a c x
--R
--R
--R
              2 2 3
--R
           24A a c x + 48A a
--R
--R
            +----+
          +-+ | 2
--R
--R
          --R
--R
             3 7 3 6 2 2 5 2 2 4 3 3
```

```
--R
        8B a c x + 12A a c x + 48B a c x + 12A a c x + 48B a c x
--R
         3 2 4
--R
--R
        - 48A асх - 48A а
--R
--R
                    +----+
         3 2 | 2 2 5 3 2 +-+
--R
--R
       (24a c x + 48a x) | c x + a + (-6c x - 48a c x - 48a x) | a
--R
--R
--R
              2 3 3 +-+ | 2 2 2 5 3 3
--R
           (24B a c x + 48B a x)\|a \|c x + a - 6B a c x - 48B a c x
--R
--R
--R
--R
           - 48B a x
--R
--R
             +----+
            | 2 +-+
--R
--R
            \|c x + a - \|a
--R
          log(-----)
--R
              х
--R
--R
              2 3 3 +---+ | 2
--R
--R
           (72A a c x + 144A a x) \cdot | - c \cdot | c x + a
--R
                 2 5 2 3 3 +---+ +-+
--R
--R
           (-18A a c x - 144A a c x - 144A a x) | - c | a
--R
--R
              +----+
             | 2 +-+
--R
--R
             \c x + a - \a
          atan(-----)
--R
--R
                x\|- c
--R
--R
              37 36 25 24 23
--R
           - 2B c x - 3A c x - 24B a c x - 18A a c x - 48B a c x
--R
--R
              2 2 3
--R
--R
           24A a c x + 48A a
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2
--R
--R
         --R
           37 36 225 224 33
--R
        8B a c x + 12A a c x + 48B a c x + 12A a c x + 48B a c x
--R
--R
```

```
3 2 4
--R
--R
        - 48A асх - 48A а
--R
--R
                    +----+
         3 2 | 2 2 5 3 2 +-+
--R
--R
      (24a c x + 48a x) | c x + a + (-6c x - 48a c x - 48a x) | a
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 467
--S 468 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
              2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
--R
           (24B a c x + 48B a )\|a \|c x + a - 6B a c x - 48B a c x
--R
--R
--R
           - 48B a
--R
--R
            +----+
--R
           | 2 +-+
--R
           \c x + a - \a
--R
        log(-----)
                x
--R
--R
--R
             2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
          (36A a c x + 72A a) | c | c x + a
--R
                       2 2 3 +-+ +-+
--R
               2 4
--R
          (-9A a c x - 72A a c x - 72A a) | a | c
--R
--R
                       +----+
              +-+ +-+ | 2
--R
                                 +-+ +-+
--R
           (-x|c + |a )|c + a + x|a |c - c - a
--R
        log(-----)
--R
                       +-+ | 2
--R
--R
                       |a|cx + a - a
--R
--R
                              +----+
               2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
--R
           (24B a c x + 48B a )\|a \|c x + a - 6B a c x - 48B a c x
--R
--R
          - 48B a
--R
--R
```

```
--R
--R
               1 2
--R
              \c x + a
--R
         atanh(-----)
--R
                  +-+
--R
                 \|a
--R
--R
                2 2 3 +-+ | 2
--R
           (-36A a c x - 72A a) | c | c x + a
--R
--R
                2 4
                       2 2 3 +-+ +-+
--R
           (9A a c x + 72A a c x + 72A a) | a | c
--R
--R
--R
--R
                x\|c
--R
         atanh(-----)
               +----+
--R
               1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
             2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2 4
--R
        (32B \ a \ c \ x + 64B \ a ) \ | \ a \ | \ c \ x + a - 8B \ a \ c \ x - 64B \ a \ c \ x - 64B \ a
--R
--R /
--R
           2 2 | 2 2 4 2 2 +-+
--R
--R
      (24a c x + 48a) | c x + a + (-6c x - 48a c x - 48a) | a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 468
--S 469 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 469
--S 470 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                                  +----+
                2 2 3 +-+ | 2
                                             2 2 4 3 2
--R
             (24B a c x + 48B a )\|a \|c x + a - 6B a c x - 48B a c x
--R
--R
--R
--R
           - 48B a
```

```
--R
--R
            | 2 +-+
--R
--R
            \|c x + a - \|a
         log(-----)
--R
--R
--R
--R
               2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
            (24B a c x + 48B a )\|a \|c x + a - 6B a c x - 48B a c x
--R
--R
--R
--R
            - 48B a
--R
--R
              +----+
--R
              1 2
--R
             \|c x + a
         atanh(-----)
+-+
--R
--R
--R
                 \|a
--R
--R
                 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
           (-36A a c x - 72A a) | c | c x + a
--R
               2 4 2 2 3 +-+ +-+
--R
--R
           (9A a c x + 72A a c x + 72A a )\|a \|c
--R
--R
                 +-+
--R
               x\|c
         atanh(----)
--R
              +----+
--R
              1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
--R
              2 2 3 +---+ | 2
--R
           (72A a c x + 144A a) = c = x + a
--R
--R
--R
                        2 2 3 +---+ +-+
           (- 18A a c x - 144A a c x - 144A a )\|- c \|a
--R
--R
--R
             +----+
             1 2
--R
             \c x + a - \a
--R
         atan(-----)
--R
                  +---+
--R
--R
                 x\|- c
--R
--R
```

```
2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2 4
--R
--R
        (32B a c x + 64B a )\|a \|c x + a - 8B a c x - 64B a c x - 64B a
--R /
--R
             2 2 | 2 2 4 2 2 +-+
--R
      (24a c x + 48a) | c x + a + (-6c x - 48a c x - 48a) | a
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 470
--S 471 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 471
)clear all
--S 472 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^3
--R
--R
--R
            3 2
                                   1 2
--R
--R
        (Bcx + Acx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R
     (1) -----
--R
                          3
--R
                          x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 472
--S 473 of 1396
r0:=-1/2*(A-B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^2-3/2*A*c*atanh(sqrt(a+c*x^2)/_
    sqrt(a)*sqrt(a)+3/2*a*B*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))*sqrt(c)-_
    3/2*(a*B-A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)/x
--R.
--R
--R
     (2)
--R
                        1 2
--R
                        \|c x + a 2 +-+
--R
               2 +-+
                                                     x\|c
--R.
        - 3A c x \|a atanh(-----) + 3B a x \|c atanh(-----)
                                                    +----+
--R.
                           +-+
                                                    1 2
--R
                           \|a
--R
                                                   \c x + a
--R
--R
                                   1 2
--R
            3 2
--R
        (B c x + 2A c x - 2B a x - A a) \setminus |c x + a|
```

```
--R /
--R 2
--R
      2x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 473
--S 474 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
                 2 4 2 2 | 2
--R
--R
            (12A a c x + 24A a c x) | c x + a
--R
                3 6 2 4 2 2 +-+
--R
            (- 3A c x - 24A a c x - 24A a c x )\|a
--R
--R
--R
              +----+
--R
              | 2 +-+
--R
             \|c x + a - \|a
          log(-----)
--R
               х
--R
--R
--R
                   4 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
            (12B a c x + 24B a x) | a | c | c x + a
--R
                  2 6 2 4 3 2 +-+
--R
--R
           (- 3B a c x - 24B a c x - 24B a x )\|c
--R
--R
                          +----+
                 +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
              (-x|c + |a )|c x + a + x|a |c - c x - a
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          |a|cx + a - a
--R
               3 7 3 6 2 5 2 4 2 3 2 2
--R
--R
            - B c x - 2A c x - 6B a c x - 7A a c x + 8B a c x + 8A a c x
--R
              3 3
--R
            16B a x + 8A a
--R
--R
           +----+
--R
--R
           1 2
           \|c x + a
--R
--R
```

```
37 36 25 24 23 22
--R
--R
          4B c x + 6A c x + 4B a c x + 4A a c x - 16B a c x - 12A a c x
--R
--R
              3 3
--R
          - 16B a x - 8A a
--R
--R
--R
         \|a
--R
    /
--R
--R
         4 2 +-+ | 2 2 6 4 2 2
       (8c x + 16a x )\|a \|c x + a - 2c x - 16a c x - 16a x
--R
--R
--R
--R
--R
                2 4 2 2 | 2
--R
           (12A a c x + 24A a c x) | c x + a
--R
              3 6 2 4 2 2 +-+
--R
--R
           (-3Acx - 24Aacx - 24Aacx)\
--R
--R
--R
            | 2 +-+
--R
            \c x + a - \a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
                 4 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
           (24B a c x + 48B a x )\|- c \|a \|c x + a
--R
                2 6 2 4 3 2 +---+
--R
--R
           (- 6B a c x - 48B a c x - 48B a x )\|- c
--R
--R
             | 2 +-+
--R
            \|c x + a - \|a
--R
          atan(-----)
--R
               +---+
--R
--R
                x\|- c
--R
--R
             37 36 25 24 23 22
--R
           - B c x - 2A c x - 6B a c x - 7A a c x + 8B a c x + 8A a c x
--R
            3 3
--R
--R
           16B a x + 8A a
--R
--R
          +----+
          1 2
--R
--R
          \c x + a
```

```
--R
--R
            37 36 25 24 23 22
--R
           4B c x + 6A c x + 4B a c x + 4A a c x - 16B a c x - 12A a c x
--R
--R
              3 3
--R
          - 16B a x - 8A a
--R
--R
--R
         \|a
--R
--R
         4 2 +-+ | 2 2 6 4 2 2
--R
      (8c x + 16a x )\|a \|c x + a - 2c x - 16a c x - 16a x
--R
--R
--R
                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 474
--S 475 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
              2 2 2 | 2
--R
--R
          (12A a c x + 24A a c) | c x + a
--R
             3 4 2 2 2 +-+
--R
--R
          (-3Acx - 24Aacx - 24Aac)\
--R
--R
           +----+
           | 2 +-+
--R
--R
           \c x + a - \a
        log(-----)
--R
--R
--R
--R
               2 2 +-+ +-+ | 2
--R
         (12B a c x + 24B a )\|a \|c \|c x + a
--R
--R
                      2 2 3 +-+
--R
               2 4
         (- 3B a c x - 24B a c x - 24B a )\c
--R
--R
--R
                       +----+
              +-+ +-+ | 2
--R
                                +-+ +-+ 2
--R
           (-x|c + |a )|c + a + x|a |c - c - a
        log(-----)
--R
--R
--R
                       +-+ | 2
--R
                      |a|cx + a - a
--R
```

```
--R
                 2 2 2 2 2
--R
--R
           (12A a c x + 24A a c) | c x + a
--R
               3 4 2 2 2 +-+
--R
--R
           (-3A c x - 24A a c x - 24A a c) | a
--R
--R
               +----+
               1 2
--R
--R
              \|c x + a
--R
         atanh(-----)
                 +-+
--R
--R
                 \|a
--R
--R
--R
                   2 2 +-+ +-+ | 2
--R
           (- 12B a c x - 24B a )\|a \|c \|c x + a
--R
--R
               2 4 2 2 3 +-+
          (3B a c x + 24B a c x + 24B a )\|c
--R
--R
--R
                 +-+
--R
                x\|c
         atanh(-----)
--R
--R
               +----+
               1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
                        +----+
          2 2 2 2 2 +-+
--R
      (8A \ a \ c \ x \ + 16A \ a \ c) \ c \ x \ + a \ + (- 2A \ c \ x \ - 16A \ a \ c \ x \ - 16A \ a \ c) \ a
--R
--R /
--R
                     +----+
                --R
--R
      (8c x + 16a) | a | c x + a - 2c x - 16a c x - 16a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 475
--S 476 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 476
--S 477 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
```

```
--R (6)
--R
               2 2 2 2 2
--R
--R
          (12A a c x + 24A a c) \setminus |c x + a|
--R
               3 4 2 2 2 +-+
--R
--R
          (- 3A c x - 24A a c x - 24A a c)\|a
--R
            +----+
--R
            | 2 +-+
--R
--R
           \|c x + a - \|a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
                2 2 2 | 2
--R
--R
          (12A a c x + 24A a c) | c x + a
--R
               3 4 2 2 2 +-+
--R
--R
           (-3Acx - 24Aacx - 24Aac)\
--R
--R
--R
              1 2
--R
             \|c x + a
--R
         atanh(-----)
                +-+
--R
--R
                \|a
--R
--R
               2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (- 12B a c x - 24B a )\|a \|c \|c x + a
--R
               2 4 2 2 3 +-+
--R
--R
          (3B a c x + 24B a c x + 24B a )\|c
--R
--R
--R
               x \mid c
         atanh(-----)
--R
--R
            +----+
              1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
--R
--R
                 2 2 +---+ +-+ | 2
           (24B a c x + 48B a) = c a e x + a
--R
--R
                2 4 2 2 3 +---+
--R
--R
           (-6B a c x - 48B a c x - 48B a) | - c
--R
             +----+
--R
```

```
| 2 +-+
--R
               \c x + a - \a
--R
--R
          atan(-----)
--R
                    +---+
                    x\|- c
--R
--R
--R
                          +----+
                                         3 4 2 2
--R
                       2 | 2
       (8A a c x + 16A a c)\|c x + a + (- 2A c x - 16A a c x - 16A a c)\|a
--R
--R /
--R
                       +----+
                   +-+ | 2
                                   2 4
--R
       (8c x + 16a) | a | c x + a - 2c x - 16a c x - 16a
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 477
--S 478 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 478
)clear all
--S 479 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^4
--R
--R
--R
                                      1 2
--R
               3 2
--R
         (B c x + A c x + B a x + A a) \setminus |c x + a|
--R
--R
                            4
--R
                           x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 479
--S 480 of 1396
r0:=-3/2*B*(a+c*x^2)^(3/2)/x^2-1/3*(A-3*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^3+_
    A*c^(3/2)*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))-3/2*B*c*atanh(sqrt(a+_
    c*x^2)/sqrt(a))*sqrt(a)-1/2*c*(2*A-3*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x
--R
--R
--R
     (2)
--R
                           +----+
--R
                          | 2
                          \|c x + a 3 +-+
--R
                3 +-+
                                                         x\|c
        - 9B c x \|a atanh(-----) + 6A c x \|c atanh(-----)
--R
```

```
--R
--R
                          \|a
                                                | 2
--R
                                                \c x + a
--R
--R
            3 2
--R
--R
       (6B c x - 8A c x - 3B a x - 2A a) \setminus |c x + a|
--R /
--R
       3
--R
      6x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 480
--S 481 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
   [
--R
                 25 23+-+|2 37 225
--R
--R
            (36B a c x + 72B a c x )\|a \|c x + a - 9B a c x - 72B a c x
--R
              3 3
--R
--R
            - 72B a c x
--R
--R
--R
              | 2 +-+
--R
             \c x + a - \a
           log(-----)
--R
--R
--R
--R
                 2 5 2 3 +-+ | 2
--R
--R
            (24A a c x + 48A a c x) | c | c x + a
--R
                          2 5 2 3 +-+ +-+
--R
                3 7
--R
            (- 6A c x - 48A a c x - 48A a c x )\|a \|c
--R
--R
                 +-+ +-+ | 2
                                      +-+ +-+ 2
--R
              (-x|c + |a )|c x + a + x|a |c - c x - a
--R
--R.
--R
                           +-+ | 2
--R
--R
                          |a|cx + a - a
--R
                37 36 25 24 23
--R
            - 6B c x + 8A c x - 21B a c x + 66A a c x + 24B a c x
--R
--R
```

```
2 2 3 3
--R
         80A a c x + 24B a x + 16A a
--R
--R
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2
--R
         \|a \|c x + a
--R
            37 36 225 224 33
--R
--R
       18B a c x - 32A a c x + 12B a c x - 104A a c x - 36B a c x
--R
            3 2 4
--R
--R
       - 88A a c x - 24B a x - 16A a
--R
--R
                     +----+
         5 23 | 2 27 5 23 +-+
--R
--R
       (24a c x + 48a x )\|c x + a + (- 6c x - 48a c x - 48a x )\|a
--R
--R
--R
                                 +----+
               25 23+-+|2 37 225
--R
--R
           (36B \ a \ c \ x + 72B \ a \ c \ x) | a | c \ x + a - 9B \ a \ c \ x - 72B \ a \ c \ x
--R
             3 3
--R
--R
           - 72B a c x
--R
--R
             | 2 +-+
--R
--R
            \c x + a - \a
          log(-----)
--R
--R
--R
--R
                                  +----+
                2 5 2 3 +---+ | 2
--R
--R
           (48A a c x + 96A a c x) = c = c x + a
--R
                3 7 2 5 2 3 +---+ +-+
--R
--R
           (- 12A c x - 96A a c x - 96A a c x )\|- c \|a
--R
--R
              +----+
              1 2
--R
--R
             \c x + a - \a
--R
          atan(-----)
                +---+
--R
--R
                x\|- c
--R
              3 7 3 6 2 5 2 4 2 3
--R
--R
           - 6B c x + 8A c x - 21B a c x + 66A a c x + 24B a c x
--R
               2 2 3 3
--R
--R
           80A \ a \ c \ x + 24B \ a \ x + 16A \ a
```

```
--R
--R
             +----+
--R
          +-+ | 2
--R
          --R
             3 7 3 6 2 2 5 2 2 4 3 3
--R
--R
         18B a c x - 32A a c x + 12B a c x - 104A a c x - 36B a c x
--R
             3 2 4
--R
        - 88A a c x - 24B a x - 16A a
--R
--R
--R
                      +----+
           5 23 | 2 27 5 23 +-+
--R
--R
       (24a c x + 48a x )\|c x + a + (- 6c x - 48a c x - 48a x )\|a
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 481
--S 482 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
               2 2 2 +-+ | 2 3 4 2 2 2
--R
--R
          (12B \ a \ c \ x + 24B \ a \ c) \setminus |a \setminus |c \ x + a - 3B \ a \ c \ x - 24B \ a \ c \ x
--R
--R
               3
--R
          - 24B a c
--R
--R
            +----+
            | 2 +-+
--R
--R
            \c x + a - \a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
              2 2 2 +-+ | 2
--R
--R
          (8A a c x + 16A a c) | c | c x + a
--R
                     2 2 2 +-+ +-+
--R
               3 4
--R
          (- 2A c x - 16A a c x - 16A a c)\|a \|c
--R
--R
                         +----+
               +-+ +-+ | 2
--R
                                   +-+ +-+
--R
            (-x|c + |a )|c + a + |a |c - c - a
--R
         log(-----)
--R
--R
                        +-+ | 2
--R
                        |a|c x + a - a
```

```
--R
--R
                2 2 2 +-+ | 2 3 4 2 2 2
--R
--R
           (12B a c x + 24B a c)\|a \|c x + a - 3B a c x - 24B a c x
--R
--R
--R
          - 24B a c
--R
               +----+
--R
              1 2
--R
--R
              \|c x + a
--R
         atanh(-----)
                +-+
--R
--R
                 \|a
--R
--R
                 2 2 2 +-+ | 2
--R
--R
           (-8A a c x - 16A a c) | c | c x + a
--R
              3 4 2 2 2 +-+ +-+
--R
--R
           (2A c x + 16A a c x + 16A a c) | a | c
--R
--R
                 +-+
--R
                x\|c
         atanh(-----)
--R
--R
               1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
                            +----+
                                    3 4 2 2 2 3
             2 2 2 +-+ | 2
--R
--R
       (8B a c x + 16B a c)\|a\|c x + a - 2B a c x - 16B a c x - 16B a c
--R /
--R
                  +----+
          +-----+
2 2 | 2 2 4
--R
                                           2 2 +-+
      (8a c x + 16a) | c x + a + (-2c x - 16a c x - 16a) | a
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 482
--S 483 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 483
--S 484 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
```

```
--R
--R
   (6)
--R
                                      3 4 2 2 2
               2 2 2 +-+ | 2
--R
--R
           (12B a c x + 24B a c)\|a\|c x + a - 3B a c x - 24B a c x
--R
--R
--R
           - 24B a c
--R
--R
--R
            | 2 +-+
--R
           \|c x + a - \|a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
               2 2 2 +-+ | 2 3 4 2 2 2
--R
--R
           (12B a c x + 24B a c)\|a \|c x + a - 3B a c x - 24B a c x
--R
--R
--R
           - 24B a c
--R
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
         atanh(-----)
                +-+
--R
--R
                 \|a
--R
--R
                                +----+
                 2 2 2 +-+ | 2
--R
--R
          (- 8A a c x - 16A a c)\|c \|c x + a
--R
              3 4 2 2 2 +-+ +-+
--R
--R
          (2A c x + 16A a c x + 16A a c) | a | c
--R
--R
                +-+
--R
               x \mid c
         atanh(-----)
--R
--R
           +----+
              1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
--R
                2 2 2 +---+ | 2
--R
           (16A a c x + 32A a c) | - c | c x + a
--R
--R
               3 4 2 2 2 +---+ +-+
--R
--R
           (-4Acx - 32Aacx - 32Aac)\|-c\|a
--R
```

```
--R
--R
               | 2 +-+
--R
              \c x + a - \a
          atan(-----)
--R
--R
                   +---+
                  x\|- c
--R
--R
--R
              2 2 2 +-+ | 2 3 4 2 2 2 3
--R
         (8B a c x + 16B a c)\|a \|c x + a - 2B a c x - 16B a c x - 16B a c
--R
--R /
                     +----+
--R
                   2 | 2
                                   2 4 2 2 +-+
--R
       (8a c x + 16a) | c x + a + (-2c x - 16a c x - 16a) | a
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 484
--S 485 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 485
)clear all
--S 486 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^5
--R
--R
--R
             3 2
                                   1 2
--R
         (Bcx + Acx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R
--R
                           5
--R
                          x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 486
--S 487 of 1396
\texttt{r0:=-3/8*A*c*(a+c*x^2)^(3/2)/(a*x^2)-1/12*(4*a*B-3*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/\_}
    (a*x^3)-1/4*A*(a+c*x^2)^(5/2)/(a*x^4)+B*c^(3/2)*atanh(x*sqrt(c)/_
    \sqrt{a+c*x^2} -3/8*A*c^2*atanh(\sqrt{a+c*x^2})/\sqrt{a}
    1/8*c*(8*a*B-3*A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)/(a*x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                      1 2
--R
                                                          +-+
```

```
--R
--R
       - 9A c x atanh(-----) + 24B c x \|a \|c atanh(-----)
--R
                     +-+
                                              1 2
--R
                     \|a
--R
                                              \c x + a
--R
--R
                                       +----+
--R
                                    +-+ | 2
       (- 32B c x - 15A c x - 8B a x - 6A a)\|a \|c x + a
--R
--R /
--R
      4 +-+
--R
      24x \|a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 487
--S 488 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
                3 6 2 2 4 | 2
--R
--R
           (36A a c x + 72A a c x) | c x + a
--R
               48 36 224 +-+
--R
            (-9Acx - 72Aacx - 72Aacx)\
--R
--R
--R
             +-----+
| 2 +-+
--R
             \|c x + a - \|a
--R
          log(-----)
--R
--R
--R
--R
                2 6 2 4 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (96B a c x + 192B a c x) | a | c | c x + a
--R
                  3 8 2 2 6 3 4 +-+
--R
--R
           (-24B a c x - 192B a c x - 192B a c x) \
--R
--R
                         +----+
--R.
                +-+ +-+ | 2
                                   +-+ +-+ 2
--R
             (-x|c + |a )|c x + a + x|a |c - c x - a
--R
                         +----+
--R
                         +-+ | 2
--R
--R
                         \|a \|c x + a - a
--R
                3 7 3 6 2 2 5 2 2 4 3 3
--R
```

```
--R
           32B a c x + 15A a c x + 264B a c x + 126A a c x + 320B a c x
--R
               3 2 4 4
--R
--R
          168A a c x + 64B a x + 48A a
--R
--R
           +----+
           1 2
--R
--R
          \c x + a
--R
                        3 6 2 2 5 2 2 4
--R
                  3 7
--R
           - 128B a c x - 60A a c x - 416B a c x - 204A a c x
--R
                 3 3 3 2 4 4
--R
--R
           - 352B a c x - 192A a c x - 64B a x - 48A a
--R
--R
          +-+
--R
         \|a
--R
--R
                         +----+
          6 24 +-+ | 2 28 26 34
--R
--R
       (96a c x + 192a x )\|a \|c x + a - 24a c x - 192a c x - 192a x
--R
--R
--R
                3 6 2 2 4 | 2
--R
--R
           (36A a c x + 72A a c x )\|c x + a
--R
                4 8 3 6 2 2 4 +-+
--R
--R
            (-9Acx - 72Aacx - 72Aacx)\
--R
             +-----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
             \c x + a - \a
--R
          log(-----)
--R
--R
--R
                 2 6 2 4 +---+ +-+ | 2
--R
--R
           (192B \ a \ c \ x + 384B \ a \ c \ x) = c \ a = c \ x + a
--R
                  3 8 2 2 6 3 4 +---+
--R
--R
            (- 48B a c x - 384B a c x - 384B a c x )\|- c
--R
--R
              +----+
              | 2 +-+
--R
--R
             \|c x + a - \|a
--R
          atan(-----)
                 +---+
--R
--R
                  x\|- c
--R
```

```
37 36 225 224 33
--R
--R
            32B \ a \ c \ x + 15A \ a \ c \ x + 264B \ a \ c \ x + 126A \ a \ c \ x + 320B \ a \ c \ x
--R
               3 2 4
--R
--R
           168A a c x + 64B a x + 48A a
--R
--R
           +----+
--R
           | 2
--R
          \c x + a
--R
--R
                  3 7 3 6 2 2 5 2 2 4
--R
           - 128B a c x - 60A a c x - 416B a c x - 204A a c x
--R
                3 3
                        3 2 4 4
--R
--R
           - 352B a c x - 192A a c x - 64B a x - 48A a
--R
--R
          +-+
--R
          \|a
--R
--R
           6 24 +-+ | 2 28 26 34
--R
--R
       (96a c x + 192a x )\|a \|c x + a - 24a c x - 192a c x - 192a x
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 488
--S 489 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
              +----+
              | 2 +-+
--R
--R
          2 | |cx + a - |a|
--R
      3A c log(-----)
--R
--R
--R
                      +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
          +-+ +-+ (- x\|c + \|a )\|c x + a + x\|a \|c - c x - a
--R
--R
       8B c\|a \|c log(------)
--R
--R.
                                +-+ | 2
--R
                               --R
--R
                +----+
                | 2
--R
                                            +-+
--R
                                          x \mid c
              \c x + a
       3A c atanh(-----) - 8B c\|a \|c atanh(-----)
--R
--R
                  +-+
```

```
1 2
--R
                    \|a
--R
                                            \c x + a
--R /
--R
      +-+
--R
      8\|a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 489
--S 490 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 490
--S 491 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
               | 2 +-+
--R
--R
                                          1 2
           2 \|c x + a - \|a 2 \|c x + a
--R
        3A c log(-----) + 3A c atanh(-----)
--R
--R
--R
                                              \|a
--R
--R
                                                   | 2 +-+
--R
                          +-+
                       x\|c +---+ +-+
                                                   \|c x + a - \|a
--R
       +-+ +-+
      - 8B c\|a \|c atanh(-----) + 16B c\|- c \|a atan(------)
--R
                     +----+
                                                        +---+
--R
                       | 2
--R
                                                        x\|- c
--R
                       \c x + a
--R /
--R
       +-+
--R
      8\|a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 491
--S 492 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 492
)clear all
```

```
--S 493 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^6
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                       1 2
--R
                                                                                                     2
--R
                                               (B c x + A c x + B a x + A a) \setminus |c x + a|
--R
--R
                                                                                                                                        6
--R
                                                                                                                                    х
--R
                                                                                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--Е 493
--S 494 of 1396
 \texttt{r0:=-1/5*(A+5*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^5-3/8*B*c^2*atanh(sqrt(a+c*x^2)/\_ ) } 
                     \sqrt{2-2} 
                     1/5*A*c^2*sqrt(a+c*x^2)/(a*x)+3/20*(5*a*B-2*A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^4
--R
--R
--R
                          (2)
--R
--R
                                                                                                                           | 2
--R
                                                                                2 5
                                                                                                                        \c x + a
                                          - 15B a c x atanh(-----)
--R
                                                                                                                                            +-+
--R
--R
                                                                                                                                        \|a
--R
--R
                                                                        2 4
                                                                                                                                                                                            2 2
--R
                                                                                                                                     3
                                                                                                                                                                                                                                                                             2 +-+ | 2
--R
                                           (- 8A c x - 25B a c x - 16A a c x - 10B a x - 8A a )\|a\|c x + a
--R /
--R
                                                       5 +-+
--R
                                  40a x \|a
--R
                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 494
--S 495 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
 --R
--R
                          (3)
--R.
--R
                                                                                    4 9
                                                                                                                                          3 7 2 2 5 +-+ | 2
--R
                                                            (15B c x + 180B a c x + 240B a c x) | a | c x + a - 75B a c x
--R
--R
                                                                                             2 3 7 3 2 5
--R
                                                            - 300B a c x - 240B a c x
--R
                                                                       +----+
--R
```

```
| 2 +-+
--R
--R
           \c x + a - \a
--R
         log(-----)
--R
--R
                            3 6 2 2 5 2 2 4
--R
             4 8 3 7
--R
         40A c x + 125B a c x + 240A a c x + 550B a c x + 488A a c x
--R
             3 3 3 2
--R
          600B a c x + 416A a c x + 160B a x + 128A a
--R
--R
           +----+
--R
         +-+ | 2
--R
--R
        --R
--R
          5 10 4 9 4 8 2 3 7 2 3 6
--R
       - 8A c x - 25B a c x - 120A a c x - 335B a c x - 440A a c x
--R
           3 2 5 3 2 4 4 3 4 2
--R
--R
       - 830B a c x - 680A a c x - 680B a c x - 480A a c x - 160B a x
--R
--R
             5
--R
       - 128A a
--R /
--R
          29 27 35 | 2
--R
--R
       (40a c x + 480a c x + 640a x) | c x + a
--R
--R
             29 27 35 +-+
--R
       (-200a c x - 800a c x - 640a x) | a
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 495
--S 496 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
             4 4 3 2 2 2 1 2
--R
--R
          (3B c x + 36B a c x + 48B a c) \ c x + a
--R
--R.
               4 4 3 2 2 2 +-+
--R
          (- 15B c x - 60B a c x - 48B a c )\|a
--R
            +----+
--R
            | 2
--R
--R
           \c x + a - \a
--R
         log(-----)
                х
--R
```

```
--R
--R
--R
                4 4 3 2
                                      2 2 | 2
--R
            (3B c x + 36B a c x + 48B a c) \ c x + a
--R
                                        2 2 +-+
--R
                   4 4
                            3 2
--R
            (-15B c x - 60B a c x - 48B a c) | a
--R
                +----+
--R
                1 2
--R
--R
                \c x + a
--R
          atanh(-----)
                   +-+
--R
--R
                   \|a
--R /
--R
              2
--R.
                            2 +-+ | 2
                                                 24 2 2
--R
       (8c x + 96a c x + 128a )\|a \|c x + a - 40a c x - 160a c x - 128a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 496
--S 497 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 497
)clear all
--S 498 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^7
--R
--R
                                     1 2
--R
              3
                     2
--R
         (B c x + A c x + B a x + A a) \setminus |c x + a|
--R
     (1) -----
--R
                            7
--R
                           х
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 498
--S 499 of 1396
r0:=-1/6*(A+3*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^6+1/16*A*c^3*atanh(sqrt(a+c*x^2)/_
    sqrt(a))/a^{(3/2)+1/24*A*c*sqrt(a+c*x^2)/x^4+1/10*B*c*sqrt(a+_
    c*x^2)/x^3-1/16*A*c^2*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^2)-1/5*B*c^2*sqrt(a+_
    c*x^2)/(a*x)+1/30*(9*a*B-5*A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^5
--R.
```

```
--R
--R
   (2)
--R
--R
                 1 2
          3 6 \|c x + a
--R
      15A c x atanh(-----)
--R
--R
--R
                   \|a
--R
             25 24
                                     2 2
--R
                                 3
--R
        (-48Bcx - 15Acx - 96Bacx - 70Aacx - 48Bax - 40Aa)
--R
--R
         +-+ | 2
--R
--R
        \|a \|c x + a
--R /
         6 +-+
--R
--R
      240a x \|a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 499
--S 500 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                5 10 2 4 8 3 3 6 | 2
--R
--R
          (- 90A a c x - 480A a c x - 480A a c x )\|c x + a
--R
              6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 +-+
--R
--R
         (15A c x + 270A a c x + 720A a c x + 480A a c x )\|a
--R
--R
            +----+
            | 2 +-+
--R
           \|c x + a - \|a
--R
--R
        log(-----)
--R
--R
              5 11 5 10 2 4 9 2 4 8 3 3 7
--R
--R
          48B a c x + 15A a c x + 960B a c x + 340A a c x + 4080B a c x
--R
--R
              3 3 6 4 2 5 4 2 4 5 3
--R
          2020A a c x + 7008B a c x + 4560A a c x + 5376B a c x
--R
--R
              5 2
                         6 6
--R
          4160A a c x + 1536B a x + 1280A a
--R
         +----+
--R
         1 2
--R
```

```
--R
         \c x + a
--R
            5 11 5 10 2 4 9 2 4 8
--R
--R
          - 288B a c x - 90A a c x - 2400B a c x - 990A a c x
--R
                 3 3 7 3 3 6
--R
                                        4 2 5
--R
          - 7008B a c x - 3860A a c x - 9504B a c x - 6480A a c x
--R
                 5 3 5 2 6 6
--R
          - 6144B a c x - 4800A a c x - 1536B a x - 1280A a
--R
--R
--R
         +-+
--R
         \|a
--R /
--R
--R
           2 2 10 3 8 4 6 +-+ | 2 2 3 12
--R.
        (1440a c x + 7680a c x + 7680a x) | a | c x + a - 240a c x
--R
--R
           3 2 10 4 8
                                 5 6
--R
       - 4320a c x - 11520a c x - 7680a x
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 500
--S 501 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
            | 2 +-+ | 2
3 \|c x + a - \|a 3 \|c x + a
--R
--R
        - A c log(-----) - A c atanh(-----)
--R
--R
--R
                                            \|a
--R
   (4) -----
--R
--R
                           16a\|a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 501
--S 502 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 502
)clear all
--S 503 of 1396
```

```
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^8
--R
--R
--R
--R
                                     | 2
              3
                   2
--R
         (Bcx + Acx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R
--R
                           8
--R
                          х
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 503
--S 504 of 1396
r0:=-1/21*(3*A+7*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^7+1/16*B*c^3*atanh(sqrt(a+c*x^2)/_
    c*x^2)/x^4-1/35*A*c^2*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^3)-1/16*B*c^2*sqrt(a+_
    c*x^2)/(a*x^2)+2/35*A*c^3*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x)+1/84*(14*a*B-_
    9*A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^6
--R
--R
--R
     (2)
--R
                        +----+
--R
                        | 2
--R
               3 7
                       \c x + a
        105B a c x atanh(-----)
--R
                           +-+
--R
--R
                          \|a
--R
--R
                3 6
                            2 5
                                      2 4 2 3
--R
            96A c x - 105B a c x - 48A a c x - 490B a c x - 384A a c x
--R
--R
                   3
                            3
--R
            -280B a x - 240A a
--R
--R
              +----+
           +-+ | 2
--R
--R
          --R
--R
           2 7 +-+
--R
       1680a x \|a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 504
--S 505 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                                  5 11 2 4 9
                                                     3 3 7 +-+
                     6 13
              (-105B c x - 2520B a c x - 8400B a c x - 6720B a c x )\|a
--R
```

```
--R
--R
--R
            1 2
--R
           \c x + a
--R
               6 13 2 5 11 3 4 9 4 3 7
--R
--R
         735B a c x + 5880B a c x + 11760B a c x + 6720B a c x
--R
--R
            +----+
           | 2 +-+
--R
--R
           \|c x + a - \|a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
               6 12 5 11 5 10 2 4 9
--R
          - 672A c x + 735B a c x - 5040A a c x + 9310B a c x
--R
--R
               2 4 8
                      3 3 7 3 3 6
--R
         - 5376A a c x + 41160B a c x + 22416A a c x + 77280B a c x
--R
--R
                         5 3 5 2
         59520A a c x + 62720B a c x + 51456A a c x + 17920B a x + 15360A a
--R
--R
--R
--R
         +-+ | 2
--R
        --R
         7 14 6 13 6 12 2 5 11 2 5 10
--R
--R
       96A c x - 105B a c x + 2352A a c x - 3115B a c x + 8400A a c x
--R
--R
              3 4 9 3 4 8
                                4 3 7 4 3 6
--R
       - 23450B a c x - 1008A a c x - 73080B a c x - 46704A a c x
--R
              5 2 5 5 2 4 6 3 6 2
--R
--R
       - 106400B a c x - 83328A a c x - 71680B a c x - 59136A a c x
--R
--R
             7
--R
       - 17920B a x - 15360A a
--R /
--R
          2 3 13 3 2 11 4 9 5 7 | 2
--R
       (1680a c x + 40320a c x + 134400a c x + 107520a x) | c x + a
--R
--R.
                                 4 9
--R.
            2 3 13 3 2 11
--R
       (-11760a c x - 94080a c x - 188160a c x - 107520a x )\|a
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 505
--S 506 of 1396
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4)
--R
              6 6 5 4 2 4 2 3 3 | 2
--R
--R
           (-Bcx - 24Bacx - 80Bacx - 64Bac)\c + a
--R
                       5 4
                                 2 4 2
--R
          (7B c x + 56B a c x + 112B a c x + 64B a c )\|a
--R
--R
--R
            1 2
--R
--R
            \c x + a - \a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
--R
              6 6 5 4 2 4 2 3 3 | 2
           (-Bcx - 24Bacx - 80Bacx - 64Bac)\c + a
--R
--R
--R
              6 6 5 4 2 4 2
          (7B c x + 56B a c x + 112B a c x + 64B a c )\|a
--R
--R
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
         atanh(-----)
--R
--R
                \|a
--R /
--R
            3 6 2 2 4 3 2 4 +-+ | 2
--R
                                                          2 3 6
--R
       (16a c x + 384a c x + 1280a c x + 1024a) | a | c x + a - 112a c x
--R
           3 2 4 4 2
--R
       -896a c x -1792a c x -1024a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 506
--S 507 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 507
)clear all
--S 508 of 1396
```

```
t0:=x^4*(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
             2 9 2 8 7 6 2 5
--R
                                                            24 | 2
    (1) (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a x )\|c x + a
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 508
--S 509 of 1396
r0:=1/128*a^3*A*x*(a+c*x^2)^(3/2)/c^2+1/160*a^2*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c^2+_
    1/693*a^2*B*(a+c*x^2)^(7/2)/c^3-4/99*a*B*x^2*(a+c*x^2)^(7/2)/c^2+\_
    1/10*A*x^3*(a+c*x^2)^(7/2)/c+1/11*B*x^4*(a+c*x^2)^(7/2)/c+_
    1/7920*a*(80*a*B-297*A*c*x)*(a+c*x^2)^(7/2)/c^3+3/256*a^5*A*_
    atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)+3/256*a^4*A*x*sqrt(a+c*x^2)/c^2
--R
--R
--R
     (2)
--R
                             +-+
--R
                5
                           x\|c
--R
         10395A a c atanh(-----)
--R
                         +----+
--R
                         1 2
--R
                        \c x + a
--R
                    5 10 5 9
--R
                                               4 8
--R
            80640B c x + 88704A c x + 206080B a c x + 232848A a c x
--R
--R
                    2 3 6
                                    2 3 5
                                                3 2 4
--R
            144640B a c x + 171864A a c x + 3840B a c x + 6930A a c x
--R
--R
                    4 2
                                  4
--R
            -5120B a c x -10395A a c x +10240B a
--R
--R
              +----+
           +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R
--R
            3 +-+
--R
       887040c \|c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 509
--S 510 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
                         5 5 10
                                      6 4 8 7 3 6
```

```
--R
               10395A a c x + 623700A a c x + 5821200A a c x
--R
                     8 2 4 9 2
--R
--R
               18627840A a c x + 23950080A a c x + 10644480A a
--R
--R
               +-+ | 2
--R
--R
              --R
                    6 5 10
--R
                                  7 4 8
            - 114345A a c x - 2286900A a c x - 12806640A a c x
--R
--R
                              10 2
                     9 2 4
--R
            -29272320A a c x -29272320A a c x -10644480A a
--R
--R
--R
                           +----+
--R
              +-+ +-+
                          1 2
                                              +-+ +-+
--R
              (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
--R
                             +-+ | 2
                             --R
--R
                     9 20 9 19
--R
            - 887040B a c x - 975744A a c x - 20007680B a c x
--R
--R
                               3 7 16
--R
                      2 8 17
--R
            - 22076208A a c x - 146277120B a c x - 162400392A a c x
--R
                      4 6 14 4 6 13 5 5 12
--R
--R
            - 512835840B a c x - 574545510A a c x - 986388480B a c x
--R
--R
                       5 5 11
                                        6 4 10
--R
            - 1118637135A a c x - 1073909760B a c x - 1236752748A a c x
--R
                                      7 3 7
--R
                      7 3 8
--R
            - 624476160B a c x - 729113616A a c x - 151388160B a c x
--R
                                     9 3
--R
                      8 2 5
--R
            - 166231296A a c x + 22176000A a c x + 10644480A a x
--R
--R
--R
           +-+ | 2
--R
           \c \c \c x + a
--R
--R
                 10 22
                              10 21
                                             9 20
--R
            80640B c x + 88704A c x + 5125120B a c x + 5643792A a c x
--R
                    2 8 18 2 8 17 3 7 16
--R
            62712320B a c x + 69372072A a c x + 326261760B a c x
--R
```

```
--R
              3 7 15 4 6 14
--R
--R
          363488202A a c x + 904907520B a c x + 1017958095A a c x
--R
                                             6 4 10
                    5 5 12 5 5 11
--R
--R
          1454745600B a c x + 1656838953A a c x + 1367224320B a c x
--R
--R
                    6 4 9
                                   7 3 8
          1579560444A a c x + 700170240B a c x + 814335984A a c x
--R
--R
                           8 2 5
--R
                   8 2 6
          151388160B a c x + 156473856A a c x - 27498240A a c x
--R
--R
--R
--R
          - 10644480A a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \la \lc
--R /
            7 10 6 8 2 5 6 3 4 4
--R
--R
          887040c x + 53222400a c x + 496742400a c x + 1589575680a c x
--R
              4 3 2 5 2
--R
          2043740160a c x + 908328960a c
--R
--R
--R
          +-+ +-+ | 2
--R
--R
          \ln \ln x + a
--R
              7 10 2 6 8 3 5 6
--R
--R
          - 9757440a c x - 195148800a c x - 1092833280a c x
--R
--R
                    4 4 4
                                  5 3 2
--R
          - 2497904640a c x - 2497904640a c x - 908328960a c
--R
--R
          +-+
--R
         \|c
--R
--R
                   5 5 10 6 4 8
--R
--R
              20790A a c x + 1247400A a c x + 11642400A a c x
--R
                  8 2 4 9 2
--R
--R
             37255680A a c x + 47900160A a c x + 21288960A a
--R
--R
--R
             +-+ | 2
--R
            \|a \|c x + a
--R
--R
                  6 5 10 7 4 8 8 3 6
```

```
--R
            - 228690A a c x - 4573800A a c x - 25613280A a c x
--R
                     9 2 4 10 2
--R
--R
           - 58544640A a c x - 58544640A a c x - 21288960A a
--R
--R
               +---+ | 2
--R
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
           atan(-----)
                      c x
--R
--R
                                    9 19
                     9 20
--R
                                                    2 8 18
            - 887040B a c x - 975744A a c x - 20007680B a c x
--R
--R
                      2 8 17
                               3 7 16
--R
--R
            - 22076208A a c x - 146277120B a c x - 162400392A a c x
--R
--R
                      4 6 14
                                       4 6 13
            - 512835840B a c x - 574545510A a c x - 986388480B a c x
--R
--R
--R
                       5 5 11
                                         6 4 10
            - 1118637135A a c x - 1073909760B a c x - 1236752748A a c x
--R
--R
                             7 3 7 8 2 6
--R
                        7 3 8
            - 624476160B a c x - 729113616A a c x - 151388160B a c x
--R
--R
                                     9 3
--R
                      8 2 5
--R
            - 166231296A a c x + 22176000A a c x + 10644480A a x
--R
--R
--R
           +---+ | 2
--R
           --R
             10 22 10 21 9 20
--R
--R
            80640B c x + 88704A c x + 5125120B a c x + 5643792A a c x
--R
--R
                    2 8 18
                                    2 8 17
--R
            62712320B a c x + 69372072A a c x + 326261760B a c x
--R
--R
                     3 7 15
                                     4 6 14
--R
            363488202A a c x + 904907520B a c x + 1017958095A a c x
--R
--R
                      5 5 12
                                5 5 11
--R
            1454745600B a c x + 1656838953A a c x + 1367224320B a c x
--R
--R
                       6 4 9
                                      7 3 8
--R
            1579560444A a c x + 700170240B a c x + 814335984A a c x
--R
                     8 2 6 8 2 5
--R
--R
           151388160B a c x + 156473856A a c x - 27498240A a c x
```

```
--R
                 10
--R
--R
           - 10644480A a x
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
--R
                        68 256
--R
                7 10
           887040c x + 53222400a c x + 496742400a c x + 1589575680a c x
--R
--R
--R
                    4 3 2
           2043740160a c x + 908328960a c
--R
--R
--R
--R
           +---+ +-+ | 2
--R
          --R
--R
                    7 10
                               2 6 8
--R
            - 9757440a c x - 195148800a c x - 1092833280a c x
--R
--R
                     4 4 4
                               5 3 2
--R
           - 2497904640a c x - 2497904640a c x - 908328960a c
--R
--R
           +---+
--R
          \|- c
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 510
--S 511 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
                  5 6 10
--R
                                6 5 8
                                              7 4 6
             2079A a c x + 124740A a c x + 1164240A a c x
--R
--R
                             9 2 2
--R
                    8 3 4
--R
             3725568A a c x + 4790016A a c x + 2128896A a c
--R
--R
            +-+ | 2
--R
--R.
            --R
                          7 5 8 8 4 6 9 3 4
--R
                 6 6 10
--R
           - 22869A a c x - 457380A a c x - 2561328A a c x - 5854464A a c x
--R
--R
                   10 2 2
          - 5854464A a c x - 2128896A a c
--R
--R
```

```
--R
            +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
           (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
                        +-+ | 2
--R
                        --R
--R
                  5 6 10 6 5 8 7 4 6
--R
            - 2079A a c x - 124740A a c x - 1164240A a c x
--R
--R
                   8 3 4 9 2 2
--R
            -3725568A a c x -4790016A a c x -2128896A a c
--R
--R
--R
--R
           +-+ | 2
--R
           --R
              6 6 10 7 5 8 8 4 6 9 3 4
--R
--R
         22869A a c x + 457380A a c x + 2561328A a c x + 5854464A a c x
--R
--R
           10 2 2 11
--R
         5854464A a c x + 2128896A a c
--R
--R
--R
             x\|c
--R
        atanh(-----)
--R
--R
            1 2
--R
            \c x + a
--R
           6 5 10 7 4 8 8 3 6 9 2 4
--R
--R
         2048B a c x + 122880B a c x + 1146880B a c x + 3670016B a c x
--R
               10 2 11
--R
        4718592B a c x + 2097152B a
--R
--R
           +----+
--R
        +-+ | 2
--R
--R
        \c \c \c x + a
--R
               6 5 10 7 4 8 8 3 6
--R
--R.
         - 22528B a c x - 450560B a c x - 2523136B a c x - 5767168B a c x
        + 10 2 11 2007152R a
--R
--R
--R
         - 5767168B a c x - 2097152B a
--R
--R
        +-+ +-+
--R
        \|a \|c
--R /
```

```
78 266 354
--R
               8 10
--R
          177408c x + 10644480a c x + 99348480a c x + 317915136a c x
--R
--R
                 4 4 2
                               5 3
          408748032a c x + 181665792a c
--R
--R
--R
               +----+
--R
         +-+ +-+ | 2
        \|a \|c \|c x + a
--R
--R
--R
            8 10 2 7 8 3 6 6 4 5 4
         - 1951488a c x - 39029760a c x - 218566656a c x - 499580928a c x
--R
--R
--R
                   5 4 2
                                6 3
--R
          - 499580928a c x - 181665792a c
--R
--R
         +-+
--R
        \|c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 511
--S 512 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 512
--S 513 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
                    5 6 10 6 5 8
--R
             - 2079A a c x - 124740A a c x - 1164240A a c x
--R
--R
                              9 2 2
                      8 3 4
--R
             - 3725568A a c x - 4790016A a c x - 2128896A a c
--R
--R
--R
             +---+ +-+ | 2
--R
--R.
            --R
--R
                   6 6 10 7 5 8 8 4 6
--R
              22869A a c x + 457380A a c x + 2561328A a c x
--R
--R
                    934
                                   10 2 2
              5854464A a c x + 5854464A a c x + 2128896A a c
--R
--R
```

```
--R
           +---+
         \|- c
--R
--R
             +-+
--R
--R
              x\|c
        atanh(-----)
--R
--R
             | 2
--R
            \|c x + a
--R
--R
             5 6 10 6 5 8 7 4 6
--R
--R
             4158A a c x + 249480A a c x + 2328480A a c x
--R
                   8 3 4 9 2 2
--R
--R
            7451136A a c x + 9580032A a c x + 4257792A a c
--R
--R
                 +----+
           +-+ +-+ | 2
--R
--R
           --R
                  6 6 10 7 5 8 8 4 6
--R
            - 45738A a c x - 914760A a c x - 5122656A a c x
--R
--R
--R
                 9 3 4 10 2 2 11
            - 11708928A a c x - 11708928A a c x - 4257792A a c
--R
--R
--R
            +-+
--R
           \|c
--R
--R
            +----+
+---+ | 2 +---+ +-+
--R
           \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
--R
--R
             6 5 10 7 4 8 8 3 6 9 2 4
--R
--R
         2048B a c x + 122880B a c x + 1146880B a c x + 3670016B a c x
--R
                10 2 11
--R
--R
         4718592B a c x + 2097152B a
--R
--R
        +---+ +-+ | 2
--R
--R
        --R
                                    8 3 6
--R
                6 5 10
                         7 4 8
--R
         - 22528B a c x - 450560B a c x - 2523136B a c x - 5767168B a c x
--R
                 10 2 11
--R
         -5767168B a c x -2097152B a
--R
```

```
--R
--R
          +---+ +-+ +-+
--R
          \|- c \|a \|c
--R /
                         7 8 2 6 6
--R
                 8 10
                                                             3 5 4
--R
           177408c x + 10644480a c x + 99348480a c x + 317915136a c x
--R
--R
                   4 4 2
                                  5 3
           408748032a c x + 181665792a c
--R
--R
                      +----+
--R
          +---+ +-+ +-+ | 2
--R
--R
         --R
--R
                     8 10 2 7 8 3 6 6 4 5 4
--R
           - 1951488a c x - 39029760a c x - 218566656a c x - 499580928a c x
--R
--R
                      5 4 2
                                     6 3
--R
           - 499580928a c x - 181665792a c
--R
--R
          +---+ +-+
--R
          \|- c \|c
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 513
--S 514 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 514
)clear all
--S 515 of 1396
t0:=x^3*(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                          6
                                     5 24
                                                      23 | 2
--R
           28 27
    (1) (Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aax) \setminus |cx + a
--R
--R.
                                              Type: Expression(Integer)
--E 515
--S 516 of 1396
r0:=1/128*a^3*B*x*(a+c*x^2)^(3/2)/c^2+1/160*a^2*B*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c^2-_
    1/252*a*A*(a+c*x^2)^(7/2)/c^2+1/9*A*x^2*(a+c*x^2)^(7/2)/c+_
    1/10*B*x^3*(a+c*x^2)^(7/2)/c-1/720*a*(20*A+27*B*x)*(a+c*x^2)^(7/2)/_
    c^2+3/256*a^5*B*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)+3/256*a^4*_
```

```
B*x*sqrt(a+c*x^2)/c^2
--R
--R
--R
    (2)
--R
                      +-+
--R
           5
                    x \mid c
--R
        945B a atanh(-----)
--R
                   1 2
--R
--R
                  \c x + a
--R
                 4 9 4 8
--R
                                       3 7
           8064B c x + 8960A c x + 21168B a c x + 24320A a c x
--R
--R
--R
                  2 2 5 2 2 4 3 3
--R
           15624B a c x + 19200A a c x + 630B a c x + 1280A a c x - 945B a x
--R
--R
          - 2560A a
--R
--R
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2
--R
         \c \c \c x + a
--R /
--R
           2 +-+
--R
      80640c \lc
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 516
--S 517 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    [
                     5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
                9450B a c x + 151200B a c x + 635040B a c x + 967680B a c x
--R
--R
--R
               483840B a
--R
--R
--R
               +-+ | 2
--R
              --R
                                         7 3 6
--R
                   5 5 10
                            6 4 8
             - 945B a c x - 47250B a c x - 378000B a c x - 1058400B a c x
--R
--R
                     9 2 10
--R
             -1209600B a c x -483840B a
--R
```

```
--R
--R
               +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
              (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
                             +-+ | 2
--R
                             \|a \|c x + a - a
--R
--R
                             9 18
                   9 19
                                            8 17
--R
--R
            - 8064B c x - 8960A c x - 424368B a c x - 472320A a c x
--R
                     2 7 15
                                    2 7 14
--R
            - 4299624B a c x \, - 4819200A a c x \, - 18280710B a c x
--R
--R
--R
                      3 6 12
                               4 5 11
--R
            - 20724480A a c x \, - 40310235B a c x \, - 46448640A a c x
--R
--R
                      5 4 9
                                     5 4 8
--R
            - 48927438B a c x - 57630720A a c x - 31164336B a c x
--R
                      6 3 6 7 2 5
--R
--R
            - 37847040A a c x - 7747488B a c x - 10321920A a c x
--R
              8 3 9
--R
            887040B a c x + 483840B a x
--R
--R
--R
--R
           +-+ | 2
--R
           \c \c \c x + a
--R
             9 19 9 18 8 17 8 16
--R
--R
            80640B c x + 89600A c x + 1582560B a c x + 1766400A a c x
--R
--R
                    2 7 15
                                    2 7 14
            10464048B a c x + 11781120A a c x + 33950700B a c x
--R
--R
--R
                     3 6 12
                                    4 5 11
--R
            38707200A a c x + 61384050B a c x + 71178240A a c x
--R
--R
                     5 4 9
                                    5 4 8
            63504630B a c x + 75264000A a c x + 35118720B a c x
--R
--R
--R
                    6 3 6
                                   7 2 5
            43008000A a c x + 7364448B a c x + 10321920A a c x
--R
--R
--R
                     8 3 9
           - 1128960B a c x - 483840B a x
--R
--R
           +-+ +-+
--R
```

```
\|a \|c
--R
--R /
           68 56 244 332
--R
--R
           806400c x + 12902400a c x + 54190080a c x + 82575360a c x
--R
--R
                4 2
--R
         41287680a c
--R
            +----+
--R
          +-+ +-+ | 2
--R
--R
         --R
               7 10 6 8 2 5 6 3 4 4
--R
--R
          - 80640c x - 4032000a c x - 32256000a c x - 90316800a c x
--R
--R
                  4 3 2
                         5 2
--R
          - 103219200a c x - 41287680a c
--R
--R
          +-+
--R
         \|c
--R
--R
                  5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
--R
             18900B a c x + 302400B a c x + 1270080B a c x
--R
                8 2 9
--R
--R
            1935360B a c x + 967680B a
--R
--R
              +----+
--R
            +-+ | 2
--R
            \|a \|c x + a
--R
                5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4
--R
--R
           - 1890B a c x - 94500B a c x - 756000B a c x - 2116800B a c x
--R
                  9 2 10
--R
--R
          - 2419200B a c x - 967680B a
--R
--R
             +---+ | 2
--R
--R
            \|- c \|c x + a - \|- c \|a
         atan(-----)
--R
--R.
                      c x
--R
                9 19 9 18 8 17 8 16
--R
--R
          - 8064B c x - 8960A c x - 424368B a c x - 472320A a c x
--R
--R
                  2 7 15
                               2 7 14
          - 4299624B a c x - 4819200A a c x - 18280710B a c x
--R
--R
```

```
3 6 12 4 5 11 4 5 10
--R
--R
            - 20724480A a c x \, - 40310235B a c x \, - 46448640A a c x
--R
--R
                     5 4 9
                                   5 4 8
--R
            - 48927438B a c x - 57630720A a c x - 31164336B a c x
--R
                     6 3 6 7 2 5
--R
--R
           - 37847040A a c x - 7747488B a c x - 10321920A a c x
--R
--R
                 8 3
--R
            887040B \ a \ c \ x + 483840B \ a \ x
--R
--R
           +---+ | 2
--R
--R
          --R
                                    8 17
--R
                9 19 9 18
--R
           80640B c x + 89600A c x + 1582560B a c x + 1766400A a c x
--R
                   2 7 15 2 7 14
--R
--R
           10464048B a c x + 11781120A a c x + 33950700B a c x
--R
--R
                   3 6 12
                                   4 5 11
            38707200A a c x + 61384050B a c x + 71178240A a c x
--R
--R
                   5 4 9 5 4 8 6 3 7
--R
--R
            63504630B a c x + 75264000A a c x + 35118720B a c x
--R
--R
                    6 3 6
                           7 2 5
--R.
           43008000A a c x + 7364448B a c x + 10321920A a c x
--R
                    8 3 9
--R
--R
          - 1128960B a c x - 483840B a x
--R
--R
          +---+ +-+
          \|- c \|a
--R
--R
           6 8
--R
                             5 6 2 4 4
--R
           806400c x + 12902400a c x + 54190080a c x + 82575360a c x
--R
--R
           41287680a c
--R
--R.
--R
          +---+ +-+ | 2
--R
--R
         \|- c \|a \|c x + a
--R
                        68 256 344
--R
           - 80640c x - 4032000a c x - 32256000a c x - 90316800a c x
--R
--R
```

```
4 3 2 5 2
--R
--R
          - 103219200a c x - 41287680a c
--R
--R
          +---+
--R
         \|- c
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 517
--S 518 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
             5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
             1890B a c x + 30240B a c x + 127008B a c x + 193536B a c x
--R
--R
             96768B a
--R
--R
--R
              +----+
--R
            +-+ | 2
--R
            --R
--R
               5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4
--R
          - 189B a c x - 9450B a c x - 75600B a c x - 211680B a c x
--R
--R
                 9 2 10
--R
          -241920B a c x -96768B a
--R
--R
             +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            ( |a |c - c | x) |c |x + a + (-c |x - a) |c + c |x |a
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
--R
                          |a|cx + a - a
--R
                   5 4 8 6 3 6
                                            7 2 4
--R
--R
             - 1890B a c x - 30240B a c x - 127008B a c x - 193536B a c x
--R
--R
--R.
             - 96768B a
--R
               +----+
--R
            +-+ | 2
--R
--R
            |a|cx + a
--R
               5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4
--R
--R
          189B a c x + 9450B a c x + 75600B a c x + 211680B a c x
```

```
9 2 10
--R
--R
--R
         241920B a c x + 96768B a
--R
--R
                +-+
--R
               x \mid c
         atanh(-----)
--R
--R
--R
             1 2
--R
             \|c x + a
--R
                5 4 8
                        6 3 6 7 2 4
--R
          - 5120A a c x - 81920A a c x - 344064A a c x - 524288A a c x
--R
--R
--R
--R
          - 262144A a
--R
           +----+
--R
         +-+ | 2
--R
--R
         \c \c \c x + a
--R
--R
             4 5 10 5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
         512A a c x + 25600A a c x + 204800A a c x + 573440A a c x
--R
--R
            8 2
         655360A a c x + 262144A a
--R
--R
--R
         +-+ +-+
--R
         \la \lc
--R /
              68 56 244 332
--R
--R
         161280c x + 2580480a c x + 10838016a c x + 16515072a c x
--R
--R
               4 2
--R
         8257536a c
--R
--R
              +----+
         +-+ +-+ | 2
--R
--R
         \ln \left( x + a \right)
--R
               7 10 6 8 2 5 6 3 4 4
--R
--R
          - 16128c x - 806400a c x - 6451200a c x - 18063360a c x
--R
                 4 3 2
--R
                          5 2
         - 20643840a c x - 8257536a c
--R
--R
--R
         +-+
--R
         \|c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 518
```

```
--S 519 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 519
--S 520 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
                   5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
              - 1890B a c x - 30240B a c x - 127008B a c x - 193536B a c x
--R
--R
--R
             - 96768B a
--R
--R
                    +----+
--R
            +---+ +-+ | 2
--R
            --R
              5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4
--R
--R
             189B a c x + 9450B a c x + 75600B a c x + 211680B a c x
--R
--R
                    9 2 10
--R
             241920B a c x + 96768B a
--R
--R
             +---+
            \|- c
--R
--R
                +-+
--R
               x\|c
--R
--R
         atanh(-----)
             +----+
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
                  5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
--R
              3780B \ a \ c \ x + 60480B \ a \ c \ x + 254016B \ a \ c \ x + 387072B \ a \ c \ x
--R
--R
--R
             193536B a
--R
--R
                  +----+
--R
            +-+ +-+ | 2
--R
            --R
```

```
5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4
--R
--R
            - 378B a c x \, - 18900B a c x \, - 151200B a c x \, - 423360B a c x
--R
                   9 2 10
--R
--R
           - 483840B a c x - 193536B a
--R
--R
--R
          \|c
--R
--R
            +---+ | 2 +---+ +-+
--R
           \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
        atan(-----)
--R
--R
                     сх
--R
--R
               5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
         - 5120A a c x - 81920A a c x - 344064A a c x - 524288A a c x
--R
--R
--R
         - 262144A a
--R
--R
--R
        +---+ +-+ | 2
--R
        --R
             4 5 10 5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
--R
         512A a c x + 25600A a c x + 204800A a c x + 573440A a c x
--R
             8 2
--R
--R
         655360A a c x + 262144A a
--R
--R
        +---+ +-+ +-+
--R
        \|- c \|a \|c
--R /
             68 56 244 332
--R
         161280c x + 2580480a c x + 10838016a c x + 16515072a c x
--R
--R
--R
              4 2
--R
         8257536a c
--R
--R
--R
        +---+ +-+ +-+ | 2
--R
        \|- c \|a \|c \|c x + a
--R
              7 10 6 8 2 5 6 3 4 4
--R
--R
         - 16128c x - 806400a c x - 6451200a c x - 18063360a c x
--R
--R
                4 3 2 5 2
         - 20643840a c x - 8257536a c
--R
--R
```

```
--R
                                    +---+ +-+
--R
                                  \|- c \|c
--R
                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 520
--S 521 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
              (7) 0
--R
--R
                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 521
)clear all
--S 522 of 1396
t0:=x^2*(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                          +----+
--R
                                       27 26 5 4 23
                                                                                                                                                                                       2 2 | 2
--R
             (1) (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a x )\|c x + a
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 522
--S 523 of 1396
r0:=-5/192*a^2*A*x*(a+c*x^2)^(3/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c-1/48*a*x*(a+c*x^2)^(5/2)
              1/252*a*B*(a+c*x^2)^(7/2)/c^2+1/9*B*x^2*(a+c*x^2)^(7/2)/c-
              1/72*(2*a*B-9*A*c*x)*(a+c*x^2)^(7/2)/c^2-5/128*a^4*A*atanh(x*_1)^2
              sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)-5/128*a^3*A*x*sqrt(a+c*x^2)/c
--R
--R
--R
                 (2)
--R
--R
                                                 4
                                                                                    x\|c
                             - 315A a c atanh(-----)
--R
--R
                                                                               +----+
--R
                                                                               1 2
--R
                                                                             \c x + a
--R
 --R
                                                                                        4 7
                                                                                                                                       3 6
                                                                                                                                                                                 3 5
                                       896B c x + 1008A c x + 2432B a c x + 2856A a c x + 1920B a c x
--R
--R.
--R
                                                           2 2 3
                                                                                      3 2
                                                                                                                                     3
--R
                                       2478A a c x + 128B a c x + 315A a c x - 256B a
--R
--R
                                            +----+
--R
                                    +-+ | 2
--R
                                  \c \c \c x + a
--R /
```

```
--R 2 +-+
--R 8064c \|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 523
--S 524 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
                  4 4 8 5 3 6 6 2 4
--R
              315A a c x + 12600A a c x + 75600A a c x + 141120A a c x
--R
--R
--R
--R
              80640A a
--R
                +----+
--R
--R
             +-+ | 2
--R
             |a|c x + a
--R
               5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
            - 2835A a c x - 37800A a c x - 136080A a c x - 181440A a c x
--R
--R
--R
            - 80640A a
--R
--R
              --R
--R
             (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
--R
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
                            |a|cx + a - a
--R
                   7 16 7 15 2 6 14 2 6 13
--R
           - 8064B a c x - 9072A a c x - 129408B a c x - 146664A a c x
--R
--R
                            3 5 11
--R
                   3 5 12
--R
           - 696192B a c x \, - 800478A a c x \, - 1798272B a c x
--R
                                 5 3 8
--R
                    4 4 9
--R
           - 2114595A a c x - 2472960B a c x - 3011400A a c x
--R
                    6 2 6 6 2 5 7 4
--R
           - 1763328B a c x - 2294544A a c x - 516096B a c x
--R
--R
--R
          - 815808A a c x - 80640A a x
--R
--R
```

```
--R
--R
           +-+ | 2
--R
          \c \c \c x + a
--R
            8 18 8 17 7 16 7 15
--R
--R
           896B c x + 1008A c x + 39168B a c x + 44184A a c x
--R
--R
                  2 6 14
                                2 6 13
            352512B \ a \ c \ x + 401814A \ a \ c \ x + 1376256B \ a \ c \ x
--R
--R
--R
                   3 5 11 4 4 10 4 4 9
            1595097A a c x + 2846592B a c x + 3381315A a c x
--R
--R
--R
                   5 3 8
                                5 3 7
--R
            3290112B \ a \ c \ x + 4061736A \ a \ c \ x + 2021376B \ a \ c \ x
--R
--R
                  6 2 5 7 4
                                             7 3
--R
           2692368A a c x + 516096B a c x + 856128A a c x + 80640A a x
--R
--R
           +-+ +-+
--R
          \|a \|c
--R
             5 8 4 6 2 3 4 3 2 2
--R
--R
            8064c x + 322560a c x + 1935360a c x + 3612672a c x
--R
--R
            2064384a c
--R
--R
--R
                +----+
--R
           +-+ +-+ | 2
--R
          \ln \ln x + a
--R
                            2 4 6 3 3 4 4 2 2
--R
                  5 8
--R
           - 72576a c x - 967680a c x - 3483648a c x - 4644864a c x
--R
--R
--R
           - 2064384a c
--R
--R
           +-+
--R
          \|c
--R
--R
--R
                    4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2
--R
               - 630A a c x - 25200A a c x - 151200A a c x - 282240A a c x
--R
--R
--R
              - 161280A a
--R
--R
              +-+ | 2
--R
```

```
\|a \|c x + a
--R
--R
                 5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
            5670A a c x + 75600A a c x + 272160A a c x + 362880A a c x
--R
--R
--R
           161280A a
--R
               +----+
--R
--R
--R
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
           atan(-----)
--R
--R
                     7 16 7 15 2 6 14
--R
--R
            - 8064B a c x - 9072A a c x - 129408B a c x - 146664A a c x
--R
                              3 5 11
--R
                     3 5 12
--R
             - 696192B a c x - 800478A a c x - 1798272B a c x
--R
--R
                      4 4 9
                                    5 3 8
             - 2114595A a c x - 2472960B a c x - 3011400A a c x
--R
--R
--R
                      6 2 6 6 2 5 7 4
             - 1763328B a c x - 2294544A a c x - 516096B a c x
--R
--R
--R
--R
             -815808A a c x -80640A a x
--R
--R
                +----+
--R
           +---+ | 2
--R
           \label{lem:condition} \label{lem:condition} \label{lem:condition} \
--R
             8 18 8 17 7 16 7 15
--R
--R
            896B c x + 1008A c x + 39168B a c x + 44184A a c x
--R
--R
                   2 6 14
                                  2 6 13
--R
             352512B \ a \ c \ x + 401814A \ a \ c \ x + 1376256B \ a \ c \ x
--R
--R
                    3 5 11
                             4 4 10
--R
             1595097A a c x + 2846592B a c x + 3381315A a c x
--R
--R
                    5 3 8
                             5 3 7
--R
             3290112B \ a \ c \ x + 4061736A \ a \ c \ x + 2021376B \ a \ c \ x
--R
--R
                    6 2 5
                                  7 4
                                                7 3
--R
             2692368A a c x + 516096B a c x + 856128A a c x + 80640A a x
--R
            +---+ +-+
--R
--R
           \|- c \|a
```

```
--R
             5 8 4 6 2 3 4 3 2 2
--R
--R
            8064c x + 322560a c x + 1935360a c x + 3612672a c x
--R
--R
                 4
             2064384a c
--R
--R
--R
                 +----+
          +---+ +-+ | 2
--R
--R
          --R
                  58 246 334 422
--R
           - 72576a c x - 967680a c x - 3483648a c x - 4644864a c x
--R
--R
--R
--R
           - 2064384a c
--R
--R
          +---+
--R
          \|- c
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 524
--S 525 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
                 4 5 8 5 4 6 6 3 4 7 2 2
--R
--R
            315A a c x + 12600A a c x + 75600A a c x + 141120A a c x
--R
--R
                 8
--R
           80640A a c
--R
--R
              +----+
            +-+ | 2
--R
--R
           --R
               5 5 8 6 4 6 7 3 4
--R
--R
          - 2835A a c x - 37800A a c x - 136080A a c x - 181440A a c x
--R
--R
--R
          - 80640A a c
--R
--R
                        +----+
                       1 2
--R
            +-+ +-+
                                     2 +-+ +-+
--R
           (|a|c + cx)|cx + a + (-cx - a)|c - cx|a
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
```

```
--R
                         \|a \|c x + a - a
--R
                4 5 8 5 4 6 6 3 4 7 2 2
--R
             315A a c x + 12600A a c x + 75600A a c x + 141120A a c x
--R
--R
--R
                 8
--R
           80640A a c
--R
--R
            +-+ | 2
--R
--R
           --R
               5 5 8 6 4 6 7 3 4
                                                    8 2 2
--R
--R
          - 2835A a c x - 37800A a c x - 136080A a c x - 181440A a c x
--R
--R
--R
          - 80640A a c
--R
--R
               +-+
--R
              x\|c
--R
        atanh(-----)
--R
--R
             1 2
--R
            \c x + a
--R
           5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
          - 256B a c x - 10240B a c x - 61440B a c x - 114688B a c x
--R
--R
--R
         - 65536B a
--R
--R
           +----+
--R
         +-+ | 2
--R
        \c \c \c x + a
--R
         5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
         2304B a c x + 30720B a c x + 110592B a c x + 147456B a c x
--R
--R
--R
         65536B a
--R
--R
         +-+ +-+
--R
        \|a \|c
--R /
          68 56 244 332 42
--R
         (8064c x + 322560a c x + 1935360a c x + 3612672a c x + 2064384a c)
--R
--R
--R
        +-+ +-+ | 2
--R
        \ln \ln x + a
--R
```

```
--R
--R
                   68 256 344 432
--R
           - 72576a c x - 967680a c x - 3483648a c x - 4644864a c x
--R
--R
                    5 2
           - 2064384a c
--R
--R
--R
--R
          \|c
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 525
--S 526 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 526
--S 527 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                   4 5 8 5 4 6 6 3 4 7 2 2
               315A \ a \ c \ x + 12600A \ a \ c \ x + 75600A \ a \ c \ x + 141120A \ a \ c \ x
--R
--R
--R
                    8
--R
               80640A a c
--R
                 +----+
--R
              +---+ +-+ | 2
--R
--R
             --R
                     5 5 8 6 4 6 7 3 4 8 2 2
--R
              - 2835A a c x - 37800A a c x - 136080A a c x - 181440A a c x
--R
--R
--R
                      9
--R
              - 80640A a c
--R
--R
              +---+
--R
             \|- c
--R
--R
                  +-+
--R
                x \mid c
          atanh(-----)
--R
--R
               +----+
--R
               1 2
               \c x + a
--R
```

```
--R
                 4 5 8 5 4 6 6 3 4 7 2 2
--R
--R
            - 630A a c x - 25200A a c x - 151200A a c x - 282240A a c x
--R
--R
                   8
            - 161280A a c
--R
--R
--R
           +-+ +-+ | 2
--R
           --R
--R
                            6 4 6 7 3 4 8 2 2
--R
                5 5 8
            5670A a c x + 75600A a c x + 272160A a c x + 362880A a c x
--R
--R
--R
--R
            161280A a c
--R
--R
           +-+
--R
           \|c
--R
--R
               +----+
            +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
           \|- c \|c x + a - \|- c \|a
        atan(-----)
--R
                сх
--R
--R
           5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
--R
         - 256B a c x - 10240B a c x - 61440B a c x - 114688B a c x
--R
--R
               9
--R
         - 65536B a
--R
--R
               +----+
--R
        +---+ +-+ | 2
--R
        --R
             5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
         2304B a c x + 30720B a c x + 110592B a c x + 147456B a c x
--R
--R
--R
         65536B a
--R
--R
         +---+ +-+ +-+
--R
        \|- c \|a \|c
--R /
           68 56 244 332 42
--R
--R
        (8064c x + 322560a c x + 1935360a c x + 3612672a c x + 2064384a c)
--R
--R
        +---+ +-+ +-+ | 2
--R
```

```
--R
--R
--R
                   68 256 344 432
--R
           - 72576a c x - 967680a c x - 3483648a c x - 4644864a c x
--R
--R
                   5 2
--R
           - 2064384a c
--R
--R
          +---+ +-+
--R
          \|- c \|c
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 527
--S 528 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 528
)clear all
--S 529 of 1396
t0:=x*(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
            26 25 4 3 22
--R
                                                       2 | 2
--R
    (1) (Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aax) \setminus |cx + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 529
--S 530 of 1396
r0:=-5/192*a^2*B*x*(a+c*x^2)^(3/2)/c-1/48*a*B*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c+_
    1/56*A*(a+c*x^2)^(7/2)/c+1/8*(A+B*x)*(a+c*x^2)^(7/2)/c-_
    5/128*a^4*B*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)-_
    5/128*a^3*B*x*sqrt(a+c*x^2)/c
--R
--R
--R
     (2)
--R
                        +-+
--R.
              4
                      x\|c
        - 105B a atanh(-----)
--R
                     +----+
--R
                     1 2
--R
--R
                     \c x + a
--R
                37 36 25 24 23
--R
           336B c x + 384A c x + 952B a c x + 1152A a c x + 826B a c x
--R
```

```
2 2 3 3
--R
--R
--R
         1152A a c x + 105B a x + 384A a
--R
--R
           +----+
        +-+ | 2
--R
--R
        \c \c \c x + a
--R /
--R
--R
      2688c\|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 530
--S 531 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
                 4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+
--R
--R
             (840B \ a \ c \ x + 8400B \ a \ c \ x + 20160B \ a \ c \ x + 13440B \ a ) \ a
--R
--R
--R
             1 2
--R
             \c x + a
--R
              4 4 8 5 3 6 6 2 4
--R
--R
            - 105B a c x - 3360B a c x - 16800B a c x - 26880B a c x
--R
--R
                  8
--R
           - 13440B a
--R
--R
              +----+
--R
--R
             (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
                            |a|cx + a - a
--R
                 7 15 7 14 6 13
--R
            - 336B c x \, - 384A c x \, - 11704B a c x \, - 13440A a c x
--R
--R
                  2 5 11
                              2 5 10
--R
                                            3 4 9
--R
           - 85050B a c x - 99456A a c x - 264873B a c x - 319872A a c x
--R
                    4 3 7 4 3 6 5 2 5 5 2 4
--R
--R
           - 422240B a c x - 537600A a c x - 350112B a c x - 473088A a c x
--R
--R
                    6 3
                              6 2 7
```

```
--R
           - 132608B a c x - 172032A a c x - 13440B a x
--R
--R
           +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R
                7 15 7 14 6 13 6 12
--R
--R
            2688B c x + 3072A c x + 37184B a c x + 43008A a c x
--R
                                2 5 10
--R
                  2 5 11
                                              3 4 9
            181776B a c x + 215040A a c x + 439992B a c x + 540288A a c x
--R
--R
                  4 3 7
                               4 3 6 5 2 5
--R
--R
            581560B a c x + 752640A a c x + 414736B a c x + 559104A a c x
--R
--R
                  6 3
                               6 2
--R
           139328B a c x + 172032A a c x + 13440B a x
--R
           +-+ +-+
--R
--R
          \|a \|c
--R
            4 6 3 4 2 2 2 3 +-+ +-+
--R
--R
           (21504c x + 215040a c x + 516096a c x + 344064a c) | a | c
--R
--R
           1 2
--R
--R
          \c x + a
--R
                 4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
            5 8
--R
       (- 2688c x - 86016a c x - 430080a c x - 688128a c x - 344064a c)\|c
--R
--R
                     4 3 6 5 2 4
                                             6 2 7 +-+
--R
--R
              (-1680B \ a \ c \ x \ -16800B \ a \ c \ x \ -40320B \ a \ c \ x \ -26880B \ a \ ) \ | \ a
--R
--R
--R
              1 2
--R
             \c x + a
--R
                        5 3 6 6 2 4
--R
--R
            210B a c x + 6720B a c x + 33600B a c x + 53760B a c x
--R
--R
                 8
            26880B a
--R
--R
--R
                   +----+
               +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
          atan(-----)
--R
--R
                        сх
```

```
--R
            7 15 7 14 6 13 6 12
--R
--R
           - 336B c x - 384A c x - 11704B a c x - 13440A a c x
--R
                  2 5 11 2 5 10 3 4 9 3 4 8
--R
--R
           - 85050B a c x - 99456A a c x - 264873B a c x - 319872A a c x
--R
--R
                               4 3 6
                                            5 2 5
           - 422240B a c x - 537600A a c x - 350112B a c x - 473088A a c x
--R
--R
--R
                   6 3 6 2
          - 132608B a c x - 172032A a c x - 13440B a x
--R
--R
--R
          +---+ | 2
--R
--R
          --R
--R
               7 15
                          7 14
                                       6 13 6 12
           2688B c x + 3072A c x + 37184B a c x + 43008A a c x
--R
--R
                          2 5 10 3 4 9
--R
           181776B a c x + 215040A a c x + 439992B a c x + 540288A a c x
--R
--R
--R
                  4 3 7 4 3 6 5 2 5 5 2 4
--R
            581560B a c x + 752640A a c x + 414736B a c x + 559104A a c x
--R
                        6 2
--R
--R
           139328B a c x + 172032A a c x + 13440B a x
--R
--R
          +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
                         3 4 2 2 2 3 +---+ +-+
--R
--R
          (21504c x + 215040a c x + 516096a c x + 344064a c) - c a
--R
--R
           1 2
--R
--R
          \c x + a
--R
                         4 6 2 3 4 3 2 2
--R
               5 8
--R
          (- 2688c x - 86016a c x - 430080a c x - 688128a c x - 344064a c)
--R
--R.
          +---+
--R
         \|- c
--R
     ]
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 531
--S 532 of 1396
m0a:=a0.1-r0
```

```
--R
--R
--R
   (4)
--R
              4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ | 2
--R
--R
          (280B a c x + 2800B a c x + 6720B a c x + 4480B a )\|a \|c x + a
--R
--R
                        5 3 6
                                   6 2 4
         - 35B a c x - 1120B a c x - 5600B a c x - 8960B a c x - 4480B a
--R
--R
--R
                       | 2
                                    2
                                          +-+
--R
           (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
--R
--R
        log(-----)
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
                         --R
--R
              4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ | 2
--R
--R
          (280B a c x + 2800B a c x + 6720B a c x + 4480B a )\|a \|c x + a
--R
--R
                        5 3 6
                                6 2 4 7 2 8
--R
          - 35B a c x - 1120B a c x - 5600B a c x - 8960B a c x - 4480B a
--R
--R
                +-+
--R
               x\|c
--R
        atanh(-----)
--R
--R
             1 2
--R
             \c x + a
--R
--R
           4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ | 2
--R
--R
       (1024A \ a \ c \ x + 10240A \ a \ c \ x + 24576A \ a \ c \ x + 16384A \ a ) \ c \ x + a
--R
--R
              3 4 8 4 3 6 5 2 4
--R
         - 128A a c x - 4096A a c x - 20480A a c x - 32768A a c x
--R
--R
--R
         - 16384A a
--R
--R.
        +-+ +-+
--R
        \|a \|c
--R /
--R
          4 6 3 4 2 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
       (7168c x + 71680a c x + 172032a c x + 114688a c) | a | c | c x + a
--R
--R
            5 8 4 6
                              2 3 4 3 2 2 4 +-+
```

```
--R
        (-896c x - 28672a c x - 143360a c x - 229376a c x - 114688a c)\c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 532
--S 533 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 533
--S 534 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
                 4 3 6 5 2 4 6 2 7 +---+ +-+
--R
             (280B a c x + 2800B a c x + 6720B a c x + 4480B a )\|- c \|a
--R
--R
             +----+
--R
             1 2
--R
            \c x + a
--R
               4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2
--R
              - 35B a c x - 1120B a c x - 5600B a c x - 8960B a c x
--R
--R
--R
--R
              - 4480B a
--R
--R
             +---+
            \|- c
--R
--R
--R
                 +-+
--R
               x \mid c
         atanh(-----)
--R
--R
              +----+
--R
              1 2
--R
              \c x + a
--R
                  4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ +-+
--R
             (- 560B a c x - 5600B a c x - 13440B a c x - 8960B a )\|a \|c
--R
--R
--R
             +----+
             1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
--R
                 4 4 8
                        5 3 6 6 2 4 7 2
             70B a c x + 2240B a c x + 11200B a c x + 17920B a c x
--R
--R
```

```
--R
--R
              8960B a
--R
--R
             +-+
--R
            \|c
--R
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
         atan(-----)
--R
--R
              4 3 6 5 2 4 6 2 7 +---+ +-+
--R
         (1024A a c x + 10240A a c x + 24576A a c x + 16384A a )\|- c \|c
--R
--R
--R
          +----+
--R
         1 2
--R
         \c x + a
--R
                3 4 8 4 3 6 5 2 4 6 2
--R
--R
           - 128A a c x - 4096A a c x - 20480A a c x - 32768A a c x
--R
--R
--R
          - 16384A a
--R
--R
          +---+ +-+ +-+
--R
         \|- c \|a \|c
--R /
                  3 4 2 2 2 3 +---+ +-+ +-+
--R
             4 6
--R
         (7168c x + 71680a c x + 172032a c x + 114688a c) | - c | a | c
--R
--R
          +----+
--R
         1 2
--R
         \c x + a
--R
          5 8 4 6 2 3 4 3 2 2 4
--R
--R
         (- 896c x - 28672a c x - 143360a c x - 229376a c x - 114688a c)
--R
--R
          +---+ +-+
--R
         \|- c \|c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 534
--S 535 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 535
```

```
)clear all
--S 536 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
             2 5 2 4 3
                                       2 2
                                                          2 | 2
--R
    (1) (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a )\|c x + a
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 536
--S 537 of 1396
r0:=5/24*a*A*x*(a+c*x^2)^(3/2)+1/6*A*x*(a+c*x^2)^(5/2)+_
    1/7*B*(a+c*x^2)^(7/2)/c+5/16*a^3*A*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/_
    sqrt(c)+5/16*a^2*A*x*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
              3
                        x\|c
         105A a c atanh(-----)
--R
--R
--R
                       1 2
--R
                      \c x + a
--R
--R
                 3 6 3 5
                                       2 4 2 3 2 2
--R
            48B\ c\ x\ +\ 56A\ c\ x\ +\ 144B\ a\ c\ x\ +\ 182A\ a\ c\ x\ +\ 144B\ a\ c\ x
--R
--R
                 2
--R
            231A a c x + 48B a
--R
--R
              +----+
--R
           +-+ | 2
--R
          \c \c \c x + a
--R /
--R
--R
       336c\|c
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 537
--S 538 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
     [
--R
                      3 3 6 4 2 4 5 2 6 +-+
--R
                (105A a c x + 2520A a c x + 8400A a c x + 6720A a) \ | a
```

```
--R
--R
--R
            1 2
--R
           \c + a
--R
              4 3 6 5 2 4 6 2 7
--R
--R
         - 735A a c x - 5880A a c x - 11760A a c x - 6720A a
--R
--R
                      | 2
--R
                                   2
                                       +-+
--R
           (|a |c - c | + a + (-c | -a)|c + c |a|
         log(-----)
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
--R
                        |a|cx + a - a
--R
--R
                5 12
                      5 11 2 4 10 2 4 9
--R
          - 336B a c x - 392A a c x - 3696B a c x - 4410A a c x
--R
                3 3 8 3 3 7 4 2 6 4 2 5
--R
--R
          - 14448B a c x - 18081A a c x - 27552B a c x - 36904A a c x
--R
--R
                5 4 5 3 6 2 6
--R
          - 26880B a c x - 37520A a c x - 10752B a x - 14784A a x
--R
--R
          +-+ | 2
--R
--R
         \c \c \c x + a
--R
           6 14 6 13 5 12 5 11
--R
--R
          48B c x + 56A c x + 1344B a c x + 1582A a c x
--R
              2 4 10
                         2 4 9
                                    3 3 8 3 3 7
--R
--R
          8736B a c x + 10605A a c x + 25536B a c x + 32767A a c x
--R
               4 2 6 4 2 5 5 4
--R
--R
          39648B a c x + 53816A a c x + 32256B a c x + 44912A a c x
--R
--R
              6 2
--R
          10752B a x + 14784A a x
--R
         +-+ +-+
--R
--R.
         \la \lc
--R
--R
          3 6 2 4 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (336c x + 8064a c x + 26880a c x + 21504a) | a | c | c x + a
--R
             3 6 2 2 4 3 2 4 +-+
--R
--R
```

```
--R
--R
               3 3 6 4 2 4 5 2 6 +-+
--R
--R
              (210A \ a \ c \ x + 5040A \ a \ c \ x + 16800A \ a \ c \ x + 13440A \ a ) \ | \ a
--R
--R
               1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
                  4 3 6 5 2 4 6 2
--R
            - 1470A a c x - 11760A a c x - 23520A a c x - 13440A a
--R
--R
--R
               +---+ | 2
--R
                               +---+ +-+
--R
               \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
--R
                   5 12 5 11 2 4 10 2 4 9
--R
--R
            - 336B a c x - 392A a c x - 3696B a c x - 4410A a c x
--R
                    3 3 8 3 3 7 4 2 6 4 2 5
--R
--R
             – 14448В а с х – 18081А а с х – 27552В а с х – 36904А а с х
--R
                5 4 5 3 6 2
--R
             - 26880B a c x - 37520A a c x - 10752B a x - 14784A a x
--R
--R
--R
--R
           +---+ | 2
--R
           \label{lem:condition} \label{lem:condition} \label{lem:condition} \
--R
             6 14 6 13 5 12 5 11
--R
--R
             48B c x + 56A c x + 1344B a c x + 1582A a c x
--R
                 2 4 10
                               2 4 9
                                            3 3 8
--R
             8736B a c x + 10605A a c x + 25536B a c x + 32767A a c x
--R
--R
                  4 2 6 4 2 5 5 4
--R
             39648B \ a \ c \ x + 53816A \ a \ c \ x + 32256B \ a \ c \ x + 44912A \ a \ c \ x
--R
--R
--R
                  6 2
           10752B a x + 14784A a x
--R
--R
--R
           +---+ +-+
--R
           \|- c \|a
--R
--R
            3 6 2 4 2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
         (336c x + 8064a c x + 26880a c x + 21504a) = c = a = c x + a
--R
--R
```

```
3 6 2 2 4 3 2 4 +---+
--R
--R
         (-2352a c x - 18816a c x - 37632a c x - 21504a) | - c
--R
--R.
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 538
--S 539 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
              3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +-+ | 2
--R
--R
           (35A \ a \ c \ x + 840A \ a \ c \ x + 2800A \ a \ c \ x + 2240A \ a \ c) \leq x + a
--R
--R
                4 4 6
                        5 3 4 6 2 2
--R
          - 245A a c x - 1960A a c x - 3920A a c x - 2240A a c
--R
--R
                          +----+
                        | 2
--R
             +-+ +-+
--R
            ( |a |c - c | x) |c |x + a + (-c |x - a) |c + c |x |a
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
                           --R
                  3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +-+
--R
--R
            (-35A \ a \ c \ x \ -840A \ a \ c \ x \ -2800A \ a \ c \ x \ -2240A \ a \ c) \ | \ a
--R
--R
             +----+
--R
            1 2
--R
            \c x + a
--R
              4 4 6 5 3 4 6 2 2 7
--R
--R
          245A \ a \ c \ x + 1960A \ a \ c \ x + 3920A \ a \ c \ x + 2240A \ a \ c
--R
--R
                 +-+
--R
               x\|c
         atanh(-----)
--R
              +----+
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
            4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ | 2
--R
--R
        (16B \ a \ c \ x + 384B \ a \ c \ x + 1280B \ a \ c \ x + 1024B \ a ) \ c \ x + a
--R
--R
              4 3 6 5 2 4 6 2
        --R
--R /
```

```
--R
       4 6 3 4 2 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
      (112c x + 2688a c x + 8960a c x + 7168a c)\|a \|c \|c x + a
--R
--R
             4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
--R
       (- 784a c x - 6272a c x - 12544a c x - 7168a c)\c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 539
--S 540 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 540
--S 541 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
              3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +---+ +-+
--R
--R
             (- 35A a c x - 840A a c x - 2800A a c x - 2240A a c)\|- c \|a
--R
--R
             1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
             4 4 6 5 3 4 6 2 2 7 +---+
--R
--R
           (245A \ a \ c \ x + 1960A \ a \ c \ x + 3920A \ a \ c \ x + 2240A \ a \ c) \ - \ c
--R
--R
                 +-+
--R
                x\|c
         atanh(-----)
--R
              +----+
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
                            4 3 4 5 2 2 6 +-+ +-+
--R
                3 4 6
--R
             (70A a c x + 1680A a c x + 5600A a c x + 4480A a c) | a | c
--R
--R
             +----+
--R
             1 2
--R
             \c x + a
--R
                 4 4 6 5 3 4 6 2 2 7 +-+
--R
--R
           (-490A \ a \ c \ x \ -3920A \ a \ c \ x \ -7840A \ a \ c \ x \ -4480A \ a \ c) \ c
--R
--R
                   +----+
```

```
+---+ | 2 +---+ +-+
--R
              |- c |c  + a - |- c |a
--R
          atan(-----)
--R
--R
                          сх
--R
--R
             4 3 6 5 2 4 6 2 7 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (16B \ a \ c \ x + 384B \ a \ c \ x + 1280B \ a \ c \ x + 1024B \ a ) \ c \ c \ c \ x + a
--R
--R
               4 3 6
                          5 2 4
                                        6 2
--R
        (- 112B a c x - 896B a c x - 1792B a c x - 1024B a )\|- c \|a \|c
--R /
--R
                      3 4 2 2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (112c x + 2688a c x + 8960a c x + 7168a c) - c | a | c | x + a
--R
--R.
                4 6 2 3 4
                                 3 2 2
                                               4 +---+ +-+
--R
        (-784a c x - 6272a c x - 12544a c x - 7168a c) | - c | c
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 541
--S 542 of 1396
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
   (7) 0
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 542
)clear all
--S 543 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x
--R
--R
           25 24 3 2 2
--R
                                                        2 | 2
--R
        (Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 543
--S 544 of 1396
r0:=1/24*a*(8*A+5*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)+1/30*(6*A+5*B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)-_
    a^{(5/2)*A*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))+5/16*a^3*B*atanh(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a+c*x^2))/sqrt(c)+1/16*a^2*(16*A+5*B*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
   (2)
```

```
--R
--R
                         1 2
                       \|c x + a 3 x\|c
--R
             2 +-+ +-+
--R
       - 240A a \|a \|c atanh(-----) + 75B a atanh(-----)
--R
                            +-+
--R
                           \|a
--R
                                             \c x + a
--R
            2 5 2 4 3
                                           2 2
--R
         (40B c x + 48A c x + 130B a c x + 176A a c x + 165B a x + 368A a)
--R
--R
--R
           +----+
         +-+ | 2
--R
--R
        \c \c \c x + a
--R /
--R
        +-+
--R
      240\|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 544
--S 545 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
    Ε
--R
                 3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
            (1440A \ a \ c \ x + 7680A \ a \ c \ x + 7680A \ a \ ) \ | c \ | c \ x + a
--R
                                     4 2 5 +-+ +-+
                  2 3 6 3 2 4
--R
--R
            (- 240A a c x - 4320A a c x - 11520A a c x - 7680A a )\|a \|c
--R
--R
              +----+
             | 2 +-+
--R
             \|c x + a - \|a
--R
          log(-----)
--R
--R
--R
--R
                      4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
            (450B a c x + 2400B a c x + 2400B a )\|a \|c x + a - 75B a c x
--R
--R
--R
                  4 2 4 5 2
--R
            - 1350B a c x - 3600B a c x - 2400B a
--R
--R
                          +----+
--R
                         1 2
             (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
          log(-----)
```

```
--R
                             +-+ | 2
--R
--R
                            |a|cx + a - a
--R
                5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
--R
--R
            - 40B c x - 48A c x - 850B a c x - 1040A a c x - 4425B a c x
--R
                          3 2 5
                                          3 2 4
--R
            - 5840A a c x - 10490B a c x - 14400A a c x - 12080B a c x
--R
--R
                  4 2
--R
           - 11520A a c x - 5280B a x
--R
--R
--R
           +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R
--R
               5 11 5 10 4 9
            240B c x + 288A c x + 2300B a c x + 2880A a c x
--R
--R
                2 3 7 2 3 6 3 2 5 3 2 4
--R
            8490B a c x + 11600A a c x + 15870B a c x + 20160A a c x
--R
--R
--R
             4 3 4 2 5
            14720B \ a \ c \ x + 11520A \ a \ c \ x + 5280B \ a \ x
--R
--R
--R
           +-+ +-+
--R
          \|a \|c
--R
--R
                 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
             2 4
--R
         (1440c x + 7680a c x + 7680a) | a | c | c x + a
--R
              3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
--R
        (- 240c x - 4320a c x - 11520a c x - 7680a )\c
--R
--R
--R
                  3 2 4
                            4 2 5 +---+ | 2
--R
--R
            (1440A \ a \ c \ x + 7680A \ a \ c \ x + 7680A \ a \ ) \ - \ c \ c \ x + a
--R
                                    4 2 5 +---+ +-+
--R
                2 3 6
                      3 2 4
--R
          (- 240A a c x - 4320A a c x - 11520A a c x - 7680A a )\|- c \|a
--R
--R
              +----+
             1 2
--R
--R
            \c x + a - \a
          log(-----)
--R
              x
--R
--R
```

```
--R
                 3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
            (900B a c x + 4800B a c x + 4800B a )\|a \|c x + a
--R
                  3 3 6 4 2 4 5 2 6
--R
--R
            - 150B a c x - 2700B a c x - 7200B a c x - 4800B a
--R
--R
              +---+ | 2
                             +---+ +-+
--R
--R
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
          atan(-----)
--R
--R
                         сх
--R
                5 11 5 10 4 9 4 8
--R
            - 40B c x - 48A c x - 850B a c x - 1040A a c x - 4425B a c x
--R
--R
--R
                  2 3 6 3 2 5 3 2 4
            - 5840A a c x - 10490B a c x - 14400A a c x - 12080B a c x
--R
--R
--R
                  4 2
--R
            - 11520A a c x - 5280B a x
--R
--R
--R
           +---+ | 2
--R
           \label{eq:local_continuous} \
--R
               5 11 5 10 4 9 4 8
--R
--R
            240B c x + 288A c x + 2300B a c x + 2880A a c x
--R
                 2 3 7 2 3 6 3 2 5 3 2 4
--R
--R
            8490B a c x + 11600A a c x + 15870B a c x + 20160A a c x
--R
--R
--R
           14720B a c x + 11520A a c x + 5280B a x
--R
           +---+ +-+
--R
--R
          \|- c \|a
--R
--R
            2 4 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
         (1440c x + 7680a c x + 7680a) - c a c x + a
--R
--R.
             3 6 2 4 2 2 3 +---+
--R.
         (-240c x - 4320a c x - 11520a c x - 7680a) | - c
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 545
--S 546 of 1396
m0a:=a0.1-r0
```

```
--R
--R
--R (4)
--R
              3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
          (1440A \ a \ c \ x + 7680A \ a \ c \ x + 7680A \ a ) \ c \ k = a
--R
                                   4 2 5 +-+ +-+
               2 3 6 3 2 4
--R
         (- 240A a c x - 4320A a c x - 11520A a c x - 7680A a )\|a \|c
--R
--R
--R
            | 2 +-+
--R
--R
           \|c x + a - \|a
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
              3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
          (450B \ a \ c \ x + 2400B \ a \ c \ x + 2400B \ a ) \ | \ a \ | \ c \ x + a - 75B \ a \ c \ x
--R
--R
--R
               4 2 4 5 2 6
--R
          - 1350B a c x - 3600B a c x - 2400B a
--R
--R
            +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
            (|a|c - cx)|cx + a + (-cx - a)|c + cx|a
--R
--R
        log(-----)
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
                         --R
--R
               3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
          (1440A \ a \ c \ x + 7680A \ a \ c \ x + 7680A \ a \ ) \ | c \ | c \ x + a
--R
                2 3 6 3 2 4 4 2 5 +-+ +-+
--R
--R
          (- 240A a c x - 4320A a c x - 11520A a c x - 7680A a )\|a \|c
--R
--R
             1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
        atanh(-----)
--R.
               +-+
--R
                \|a
--R
--R
               3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
--R
         (- 450B a c x - 2400B a c x - 2400B a )\|a \|c x + a + 75B a c x
--R
--R
               4 2 4 5 2 6
```

```
--R
           1350B a c x + 3600B a c x + 2400B a
--R
--R
                  +-+
--R
                x \mid c
          atanh(-----)
--R
               +----+
--R
               1 2
--R
--R
               \c x + a
--R
--R
             3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
        (2208A \ a \ c \ x + 11776A \ a \ c \ x + 11776A \ a ) \ c \ c \ x + a
--R
--R
              2 3 6
                       3 2 4
                                        4 2
--R
        (- 368A a c x - 6624A a c x - 17664A a c x - 11776A a )\|a \|c
--R /
--R
--R
             2 4
                   2 2 +-+ +-+ | 2
--R
        (1440c x + 7680a c x + 7680a) | a | c | c x + a
--R
--R
                    24 2 2
--R
        (- 240c x - 4320a c x - 11520a c x - 7680a )\|c
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 546
--S 547 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 547
--S 548 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                 3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ | 2
--R
           (1440A \ a \ c \ x + 7680A \ a \ c \ x + 7680A \ a ) \ c \ c \ c \ x + a
--R
--R
--R.
                2 3 6 3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ +-+
--R
          (- 240A a c x - 4320A a c x - 11520A a c x - 7680A a )\|- c \|a \|c
--R
              +----+
--R
             | 2
--R
--R
            \c x + a - \a
--R
         log(-----)
                  x
--R
```

```
--R
--R
                3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ | 2
--R
--R
           (1440A \ a \ c \ x + 7680A \ a \ c \ x + 7680A \ a \ ) \ - \ c \ c \ x + a
--R
                                                5 +---+ +-+ +-+
                2 3 6 3 2 4
--R
                                       4 2
--R
         (-240A \ a \ c \ x \ -4320A \ a \ c \ x \ -7680A \ a \ ) \ | - c \ | a \ | c
--R
--R
              1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
         atanh(-----)
                +-+
--R
--R
                 \|a
--R
--R
--R
                3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ | 2
--R
           (- 450B a c x - 2400B a c x - 2400B a )\|- c \|a \|c x + a
--R
              3 3 6 4 2 4 5 2 6 +---+
--R
--R
           (75B \ a \ c \ x + 1350B \ a \ c \ x + 3600B \ a \ c \ x + 2400B \ a ) \ - c
--R
--R
--R
                x \mid c
         atanh(-----)
--R
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
                3 2 4 4 2 5 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (900B a c x + 4800B a c x + 4800B a )\|a \|c \|c x + a
--R
                 3 3 6 4 2 4 5 2 6 +-+
--R
--R
          (- 150B a c x - 2700B a c x - 7200B a c x - 4800B a )\c
--R
--R
                  +----+
             +---+ | 2
--R
                             +---+ +-+
--R
             |-c|c + a - |-c|a
--R
         atan(-----)
--R
                        сх
--R
--R
             3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (2208A a c x + 11776A a c x + 11776A a )\|- c \|c \|c x + a
--R
             2 3 6 3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ +-+
--R
--R
        (- 368A a c x - 6624A a c x - 17664A a c x - 11776A a )\|- c \|a \|c
--R /
--R
                                             +----+
```

```
2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
                           (1440c x + 7680a c x + 7680a) = c = a = c x + a
--R
                                                                2 4
--R
                                            3 6
                                                                                                         2 2
                                                                                                                                                  3 +---+ +-+
                           (-240c x - 4320a c x - 11520a c x - 7680a) | - c | c
--R
--R
                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 548
--S 549 of 1396
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
             (7) 0
--R
--R
                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 549
)clear all
--S 550 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^2
--R
--R
--R
--R
                                                     2 4
                                                                                 3 2 2
                                                                                                                                                                             2 | 2
                                        2 5
--R
                             (Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R
--R
                                                                                                                        2
--R
                                                                                                                     х
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 550
--S 551 of 1396
r0:=1/12*(4*a*B+15*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*x^2)^(5/2)/x-1/5*(5*x^2)^(5/2)/
             a^(5/2)*B*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))+15/8*a^2*A*atanh(x*sqrt(c)/_
             sqrt(a+c*x^2))*sqrt(c)+1/8*a*(8*a*B+15*A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                                  1 2
--R
--R
                                                                               \c x + a
                                                                                                                       2 +-+
                                                                                                                                                                              x\|c
                          - 120B a x\|a atanh(------) + 225A a x\|c atanh(------)
--R
--R.
                                                                                           +-+
                                                                                                                                                                          +----+
--R
                                                                                          \|a
                                                                                                                                                                          1 2
--R
                                                                                                                                                                        \c x + a
--R
--R
                                                2 5 2 4
--R
                                (24B c x + 30A c x + 88B a c x + 135A a c x + 184B a x - 120A a )
--R
                                  +----+
--R
```

```
--R /
--R 120x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 551
--S 552 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R [
--R
               3 2 5 4 3 5 +-+ | 2
--R
--R
           (720B \ a \ c \ x + 3840B \ a \ c \ x + 3840B \ a \ x) \leq x + a
--R
--R
                3 3 7 4 2 5 5 3 6
           - 120B a c x - 2160B a c x - 5760B a c x - 3840B a x
--R
--R
--R
             +----+
             | 2 +-+
--R
--R
            \|c x + a - \|a
--R
          log(-----)
--R
--R
--R
                 3 2 5 4 3 5 +-+ | 2
--R
--R
           (1350A \ a \ c \ x + 7200A \ a \ c \ x + 7200A \ a \ x) \ c \ c \ x + a
--R
                                   4 3 5 +-+ +-+
                 2 3 7 3 2 5
--R
--R
          (- 225A a c x - 4050A a c x - 10800A a c x - 7200A a x)\|a \|c
--R
                +----+
--R
--R
            (- x\|c + \|a )\|c x + a + x\|a \|c - c x - a
--R
          log(-----)
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
--R
                        |a|cx + a - a
--R
               5 11 5 10 4 9
--R
                                         48 237
--R
           - 24B c x - 30A c x - 520B a c x - 675A a c x - 2920B a c x
--R
                 2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3
--R
           - 3750A a c x - 7200B a c x - 5280A a c x - 5760B a c x
--R
--R
--R
           1440A a c x + 3840A a
--R
--R
```

```
--R
          +-+ | 2
--R
--R
         \|a \|c x + a
--R
             5 11 5 10 2 4 9 2 4 8
--R
--R
         144B a c x + 180A a c x + 1440B a c x + 1950A a c x
--R
             3 3 7 3 3 6
--R
                                   4 2 5
         5800B a c x + 6330A a c x + 10080B a c x + 5040A a c x
--R
--R
--R
            5 3 5 2 6
        5760B a c x - 3360A a c x - 3840A a
--R
--R
--R
            25 23 3 | 2
--R
--R
         (720a c x + 3840a c x + 3840a x) | c x + a
--R
--R
            3 7 2 5 2 3 3 +-+
         (-120c x - 2160a c x - 5760a c x - 3840a x)|a
--R
--R
--R
--R
                3 2 5 4 3 5 +-+ | 2
--R
--R
            (720B \ a \ c \ x + 3840B \ a \ c \ x + 3840B \ a \ x) \leq x + a
--R
                3 3 7 4 2 5 5 3 6
--R
--R
            - 120B a c x - 2160B a c x - 5760B a c x - 3840B a x
--R
             +-----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
             \c x + a - \a
--R
          log(-----)
--R
--R
--R
                3 2 5 4 3 5 +---+ | 2
--R
--R
           (2700A \ a \ c \ x + 14400A \ a \ c \ x + 14400A \ a \ x) = c \ c \ x + a
--R
                2 3 7 3 2 5 4 3 5 +---+ +-+
--R
--R
          (- 450A a c x - 8100A a c x - 21600A a c x - 14400A a x)\|- c \|a
--R
--R
              +----+
--R
              | 2 +-+
--R
             \|c x + a - \|a
--R
          atan(-----)
                +---+
--R
--R
                 x\|- c
--R
                 5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
--R
--R
            - 24B c x - 30A c x - 520B a c x - 675A a c x - 2920B a c x
```

```
--R
             2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3
--R
--R
            - 3750A a c x - 7200B a c x - 5280A a c x - 5760B a c x
--R
                4 2 5
--R
--R
          1440A a c x + 3840A a
--R
--R
             +----+
          +-+ | 2
--R
--R
          \|a \|c x + a
--R
                         5 10 2 4 9
--R
              5 11
--R
         144B a c x + 180A a c x + 1440B a c x + 1950A a c x
--R
--R
             3 3 7 3 3 6
                                4 2 5
--R
         5800B a c x + 6330A a c x + 10080B a c x + 5040A a c x
--R
--R
            5 3 5 2
--R
         5760B a c x - 3360A a c x - 3840A a
--R
--R
                                  +----+
              25 23 3 | 2
--R
--R
        (720a c x + 3840a c x + 3840a x) | c x + a
--R
--R
            3 7 2 5 2 3 3 +-+
--R
        (- 120c x - 2160a c x - 5760a c x - 3840a x)\|a
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 552
--S 553 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
              3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
          (720B a c x + 3840B a c x + 3840B a )\|a \|c x + a - 120B a c x
--R
--R
                4 2 4
                       5 2
          -2160B a c x -5760B a c x -3840B a
--R
--R
--R.
            +----+
            1 2
--R
--R
           \|c x + a - \|a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
                3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
```

```
--R
          (1350A \ a \ c \ x + 7200A \ a \ c \ x + 7200A \ a ) \ c \ x + a
--R
                2 3 6 3 2 4 4 2 5 +-+ +-+
--R
--R
          (- 225A a c x - 4050A a c x - 10800A a c x - 7200A a )\|a \|c
--R
--R
                       +----+
              +-+ +-+ | 2 +-+ +-+
--R
--R
           (-x|c + |a )|c x + a + x|a |c - c x - a
--R
        log(-----)
--R
--R
                       +-+ | 2
--R
                       |a|cx + a - a
--R
--R
              3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
          (720B a c x + 3840B a c x + 3840B a )\|a \|c x + a - 120B a c x
--R
--R
--R
               4 2 4 5 2 6
--R
          - 2160B a c x - 5760B a c x - 3840B a
--R
--R
             +----+
             1 2
--R
--R
            \|c x + a
        atanh(-----)
--R
--R
               +-+
--R
                \|a
--R
--R
                3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
         (- 1350A a c x - 7200A a c x - 7200A a )\|c \|c x + a
--R
               2 3 6 3 2 4 4 2 5 +-+ +-+
--R
--R
         (225A a c x + 4050A a c x + 10800A a c x + 7200A a )\|a \|c
--R
--R
              x\|c
--R
        atanh(-----)
--R
           +----+
--R
             1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
--R
            3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
--R.
       (1104B a c x + 5888B a c x + 5888B a )\|a \|c x + a - 184B a c x
--R
--R
            4 2 4
                    5 2 6
--R
       - 3312B a c x - 8832B a c x - 5888B a
--R /
--R
            2 4 2 2
                            3 | 2
--R
```

```
--R
       (720a c x + 3840a c x + 3840a) \ c x + a
--R
            3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
        (-120c x - 2160a c x - 5760a c x - 3840a) | a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 553
--S 554 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 554
--S 555 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
               3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
--R
           (720B a c x + 3840B a c x + 3840B a )\|a \|c x + a - 120B a c x
--R
--R
                4 2 4 5 2 6
--R
           -2160B a c x -5760B a c x -3840B a
--R
--R
            | 2 +-+
--R
--R
            \c x + a - \a
         log(-----)
--R
--R
--R
--R
               3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
          (720B a c x + 3840B a c x + 3840B a )\|a \|c x + a - 120B a c x
--R
--R
                4 2 4 5 2 6
--R
          - 2160B a c x - 5760B a c x - 3840B a
--R
--R
--R
              1 2
--R
--R
             \|c x + a
--R
         atanh(-----)
                +-+
--R
--R
                 \|a
--R
--R
                  3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
           (- 1350A a c x - 7200A a c x - 7200A a )\|c \|c x + a
```

```
--R
            2 3 6 3 2 4 4 2 5 +-+ +-+
--R
--R
          (225A a c x + 4050A a c x + 10800A a c x + 7200A a )\|a \|c
--R
--R
                 +-+
--R
               x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
--R
              1 2
--R
             \|c x + a
--R
--R
               3 2 4 4 2 5 +---+ | 2
--R
--R
           (2700A \ a \ c \ x + 14400A \ a \ c \ x + 14400A \ a ) \ - \ c \ c \ x + a
--R
--R
                2 3 6 3 2 4 4 2 5 +---+ +-+
--R
           (- 450A a c x - 8100A a c x - 21600A a c x - 14400A a )\|- c \|a
--R
--R
             +----+
             1 2
--R
--R
            \c x + a - \a
--R
         atan(-----)
--R
               +---+
--R
                 x\|- c
--R
--R
             3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
       (1104B a c x + 5888B a c x + 5888B a )\|a \|c x + a - 184B a c x
--R
              4 2 4 5 2 6
--R
--R
       -3312B a c x -8832B a c x -5888B a
--R /
--R
           2 4 2 2 3 | 2
--R
--R
       (720a c x + 3840a c x + 3840a) \ c x + a
--R
           3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
--R
       (-120c x - 2160a c x - 5760a c x - 3840a)
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 555
--S 556 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 556
)clear all
```

```
--S 557 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^3
--R
--R
--R
                     2 4 3 2 2
--R
                                                           2 | 2
--R
          (Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R
--R
                                         3
--R
                                        X
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 557
--S 558 of 1396
\verb"r0:=-5/12*(3*a*B-2*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x-1/4*(2*A-B*x)*\_
    (a+c*x^2)^(5/2)/x^2-5/2*a^(3/2)*A*c*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))+_
    15/8*a^2*B*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))*sqrt(c)+_
    5/8*a*c*(4*A+3*B*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
                              | 2
                                                                +-+
--R
                   2 +-+
                             \c x + a
                                               2 2 +-+
                                                              x \mid c
         - 60A a c x \|a atanh(-----) + 45B a x \|c atanh(-----)
--R
--R
                                 +-+
--R
                                 \|a
                                                            1 2
--R
                                                           \c x + a
--R
--R
           2 5 2 4
                                             2 2
--R
                                3
                                                                2 | 2
--R
       (6B c x + 8A c x + 27B a c x + 56A a c x - 24B a x - 12A a )\|c x + a
--R
--R
--R
       24x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 558
--S 559 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R.
--R
     (3)
--R
     [
--R
--R
                                  3 2 4
                                               4 2 | 2
--R
              (360A a c x + 1920A a c x + 1920A a c x) \ c x + a
--R
--R
                       4 8
                                   2 3 6
                                                 3 2 4
                                                             4 2 +-+
```

```
--R
         (-60A a c x - 1080A a c x - 2880A a c x - 1920A a c x )\|a
--R
--R
            | 2 +-+
--R
--R
           \|c x + a - \|a
         log(-----)
--R
--R
--R
--R
              2 2 6 3 4 4 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
          (270B a c x + 1440B a c x + 1440B a x )\|a \|c \|c x + a
--R
                2 3 8 3 2 6 4 4 5 2 +-+
--R
          (- 45B a c x - 810B a c x - 2160B a c x - 1440B a x )\|c
--R
--R
--R
                       +----+
              +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
           (-x|c + |a )|c + a + x|a |c - c - a
         log(-----)
--R
                       +----+
--R
--R
                       +-+ | 2
--R
                       |a|cx + a - a
--R
--R
             5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
--R
          -6Bcx - 8Acx - 135Bacx - 200Aacx - 750Bacx
--R
            2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3
--R
--R
          - 1044A a c x - 1056B a c x - 936A a c x + 288B a c x
--R
             4 2 5 5
--R
--R
         576A a c x + 768B a x + 384A a
--R
--R
          +----+
--R
          | 2
--R
         \c + a
--R
             5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
--R
--R
          36B\ c\ x + 48A\ c\ x + 390B\ a\ c\ x + 584A\ a\ c\ x + 1266B\ a\ c\ x
--R
--R
              2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3
--R
          1560A a c x + 1008B a c x + 696A a c x - 672B a c x
--R
--R.
               4 2 5 5
--R
          - 768A a c x - 768B a x - 384A a
--R
--R
         +-+
--R
         \|a
--R
--R
           2 6 4 2 2 +-+ | 2 3 8 2 6
--R
```

```
--R
        (144c x + 768a c x + 768a x) | a | c x + a - 24c x - 432a c x
--R
             2 4 3 2
--R
--R
         - 1152a c x - 768a x
--R
--R
--R
                2 3 6 3 2 4 4 2 | 2
--R
           (360A \ a \ c \ x + 1920A \ a \ c \ x + 1920A \ a \ c \ x ) \ c \ x + a
--R
--R
                  48 236 324 42+-+
--R
           (-60A a c x - 1080A a c x - 2880A a c x - 1920A a c x ) | a
--R
--R
--R
             1 2
--R
--R
             \c x + a - \a
          log(-----)
--R
--R
--R
--R
                2 2 6 3 4 4 2 +---+ +-+ | 2
--R
           (540B \ a \ c \ x + 2880B \ a \ c \ x + 2880B \ a \ x ) = c \ a \ c \ x + a
--R
--R
--R
                2 3 8 3 2 6 4 4 5 2 +---+
            (- 90B a c x - 1620B a c x - 4320B a c x - 2880B a x )\|- c
--R
--R
               +----+
--R
              | 2 +-+
--R
--R
              \c x + a - \a
--R
          atan(-----)
                 +---+
--R
--R
                 x\|- c
--R
                5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
--R
--R
           - 6B c x - 8A c x - 135B a c x - 200A a c x - 750B a c x
--R
                 2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3
--R
--R
           - 1044A a c x - 1056B a c x - 936A a c x + 288B a c x
--R
                       5
--R
--R
           576A a c x + 768B a x + 384A a
--R
--R
           +----+
--R
           1 2
--R
          \c x + a
--R
             5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
--R
--R
           36B c x + 48A c x + 390B a c x + 584A a c x + 1266B a c x
--R
--R
                2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3
```

```
--R
           1560A a c x + 1008B a c x + 696A a c x - 672B a c x
--R
                 4 2 5 5
--R
--R
          - 768A a c x - 768B a x - 384A a
--R
--R
          +-+
--R
         \|a
--R
           +----+
2 6 4 2 2 +-+ | 2 3 8 2 6
--R
--R
--R
        (144c x + 768a c x + 768a x) | a | c x + a - 24c x - 432a c x
--R
             2 4 3 2
--R
        - 1152a c x - 768a x
--R
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 559
--S 560 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
              2 3 4 3 2 2 4 | 2
--R
--R
          (360A a c x + 1920A a c x + 1920A a c)\|c x + a
--R
                4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
--R
          (- 60A a c x - 1080A a c x - 2880A a c x - 1920A a c)\|a
--R
--R
            +----+
            | 2 +-+
--R
--R
           \c x + a - \a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
               2 2 4 3 2 4 +-+ +-+ | 2
--R
--R
          (270B \ a \ c \ x + 1440B \ a \ c \ x + 1440B \ a ) | a | c | c \ x + a
--R
               2 3 6 3 2 4 4 2 5 +-+
--R
          (- 45B a c x - 810B a c x - 2160B a c x - 1440B a )\|c
--R
--R.
--R
                        +----+
               +-+ +-+ | 2 +-+ +-+
--R
--R
            (-x|c + |a )|c + a + |a |c - c - a
--R
        log(-----)
--R
                        +-+ | 2
--R
--R
                        |a|c x + a - a
```

```
--R
--R
                2 3 4 3 2 2 4 | 2
--R
--R
           (360A a c x + 1920A a c x + 1920A a c)\|c x + a
--R
                           2 3 4 3 2 2 4 +-+
                  4 6
--R
--R
          (- 60A a c x - 1080A a c x - 2880A a c x - 1920A a c)\|a
--R
--R
              1 2
--R
--R
              \|c x + a
--R
         atanh(-----)
                +-+
--R
--R
                 \|a
--R
--R
                 2 2 4 3 2 4 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (- 270B a c x - 1440B a c x - 1440B a )\|a \|c \|c x + a
--R
               2 3 6 3 2 4 4 2 5 +-+
--R
--R
           (45B \ a \ c \ x + 810B \ a \ c \ x + 2160B \ a \ c \ x + 1440B \ a ) \ c
--R
--R
--R
                x\|c
         atanh(-----)
--R
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
                                        +----+
             2 3 4 3 2 2 4 | 2
--R
--R
       (336A \ a \ c \ x + 1792A \ a \ c \ x + 1792A \ a \ c) \ c \ x + a
--R
               4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
--R
       (- 56A a c x - 1008A a c x - 2688A a c x - 1792A a c)\|a
--R /
--R
          2 4 2 2 +-+ | 2 3 6 2 4
--R
--R
        (144c x + 768a c x + 768a) | x + a - 24c x - 432a c x
--R
           2 2 3
--R
       - 1152a c x - 768a
--R
--R.
                                            Type: Expression(Integer)
--E 560
--S 561 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 561
--S 562 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                2 3 4 3 2 2 4 | 2
--R
--R
           (360A a c x + 1920A a c x + 1920A a c)\|c x + a
--R
                         2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
                  4 6
           (- 60A a c x - 1080A a c x - 2880A a c x - 1920A a c)\|a
--R
--R
--R
              +----+
--R
             1 2
--R
            \c x + a - \a
--R
          log(-----)
--R
--R
--R
                 2 3 4 3 2 2 4 | 2
--R
--R
           (360A \ a \ c \ x + 1920A \ a \ c \ x + 1920A \ a \ c) \ c \ x + a
--R
                  4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
--R
           (-60A \ a \ c \ x \ -1080A \ a \ c \ x \ -2880A \ a \ c \ x \ -1920A \ a \ c) \ a
--R
--R
--R
               1 2
--R
              \c x + a
--R
          atanh(-----)
--R
                  +-+
--R
                  \|a
--R
--R
                  2 2 4 3 2 4 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (- 270B a c x - 1440B a c x - 1440B a )\|a \|c \|c x + a
--R
--R
                2 3 6 3 2 4
                                       4 2
           (45B a c x + 810B a c x + 2160B a c x + 1440B a )\c
--R
--R
--R
                  +-+
--R
                x \mid c
          atanh(-----)
--R
               +----+
--R
               | 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
                                                     +----+
```

```
2 2 4 3 2 4 +---+ +-+ | 2
--R
--R
          (540B a c x + 2880B a c x + 2880B a )\|- c \|a \|c x + a
--R
                                  4 2
                2 3 6 3 2 4
--R
         (- 90B a c x - 1620B a c x - 4320B a c x - 2880B a )\|- c
--R
--R
--R
            | 2 +-+
--R
            \c x + a - \a
--R
         atan(-----)
--R
--R
                x\|- c
--R
--R
--R
           2 3 4 3 2 2 4 | 2
--R
--R
       (336A a c x + 1792A a c x + 1792A a c)\|c x + a
--R
--R
              4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+
       (-56A \ a \ c \ x \ -1008A \ a \ c \ x \ -2688A \ a \ c \ x \ -1792A \ a \ c) \ a
--R
--R /
--R
                                 +----+
          2 4 2 2 +-+ | 2 3 6 2 4
--R
--R
       (144c x + 768a c x + 768a) | x + a - 24c x - 432a c x
--R
--R
           2 2 3
       - 1152a c x - 768a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 562
--S 563 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 563
)clear all
--S 564 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^4
--R
--R
--R
           25 24 3 2 2
--R
                                                 2 | 2
--R
       (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a )\|c x + a
--R (1) ------
--R
                                 4
--R
                                 x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
```

```
--E 564
--S 565 of 1396
 \texttt{r0:=-5/6*(a*B-A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^2-1/3*(A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^3+\_ } 
    5/2*a*A*c^{(3/2)}*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))-5/2*a^{(3/2)}*B*c*_
    a tanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))-5/2*a*c*(A-B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
                             1 2
                            \|c x + a
--R
                                                 3 +-+
                                                              x\|c
         - 15B a c x \|a atanh(-----) + 15A a c x \|c atanh(-----)
--R
--R
                                +-+
                                                             +----+
--R
                                                             1 2
                                \|a
--R
                                                            \c x + a
--R
--R
                                                               +----+
                                                             2 | 2
--R
           2 5 2 4
                           3
                                             2
                                                2
--R
       (2B c x + 3A c x + 14B a c x - 14A a c x - 3B a x - 2A a) \ c x + a
--R /
--R
         3
--R
       6x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 565
--S 566 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
                   2 3 7 3 2 5 4 3 +-+ | 2
--R
              (90B a c x + 480B a c x + 480B a c x )\|a \|c x + a
--R
--R
--R
                    2 4 9
                               3 3 7
                                           4 2 5
--R
              – 15В а с х – 270В а с х – 720В а с х – 480В а с х
--R
--R
                 1 2
--R
--R
                \c x + a - \a
--R.
            log(-----)
--R
--R
         +
--R
--R
                   2 3 7 3 2 5
                                        4 3 +-+ | 2
              (90A a c x + 480A a c x + 480A a c x )\|c \|c x + a
--R
--R
--R
                       4 9
                                  2 3 7
                                              3 2 5
                                                          4 3 +-+ +-+
```

```
--R
          (- 15A a c x - 270A a c x - 720A a c x - 480A a c x )\|a \|c
--R
--R
                         +----+
                +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
            (-x|c + |a )|c + a + x|a |c - c - a
--R
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
                        --R
               5 11 5 10 4 9
                                          4 8
--R
                                                   2 3 7
           - 2B c x - 3A c x - 50B a c x - 40A a c x - 261B a c x
--R
--R
               2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3 4 2
--R
           110A a c x - 234B a c x + 612A a c x + 144B a c x + 544A a c x
--R
--R
--R
              5
          96B a x + 64A a
--R
--R
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2
--R
          --R
--R
            5 11 5 10 2 4 9 2 4 8 3 3 7
--R
        12B a c x + 18A a c x + 146B a c x + 30A a c x + 390B a c x
--R
             3 3 6 4 2 5 4 2 4 5 3 5 2
--R
--R
        -352A a c x +174B a c x -876A a c x -192B a c x -576A a c x
--R
             6 6
--R
--R
        - 96B a x - 64A a
--R
--R
           27 2 5 33 | 2
--R
--R
        (36a c x + 192a c x + 192a x) | c x + a
--R
           3 9
                 2 7 2 5 3 3 +-+
--R
--R
        (- 6c x - 108a c x - 288a c x - 192a x )\|a
--R
--R
--R
               2 3 7 3 2 5 4 3 +-+ | 2
--R
--R
           (90B \ a \ c \ x + 480B \ a \ c \ x + 480B \ a \ c \ x) \ | \ a \ | \ c \ x + a
--R
               249 337 425 53
--R
           - 15B a c x - 270B a c x - 720B a c x - 480B a c x
--R
--R
             +----+
--R
             | 2 +-+
--R
--R
             \c x + a - \a
```

```
--R
          log(-----)
--R
--R
--R
                 2 3 7 3 2 5 4 3 +---+ | 2
--R
--R
            (180A a c x + 960A a c x + 960A a c x) - c c x + a
--R
                 4 9 2 3 7
                                     3 2 5 4 3 +---+ +-+
--R
          (- 30A a c x - 540A a c x - 1440A a c x - 960A a c x )\|- c \|a
--R
--R
--R
               | 2
--R
              \c x + a - \a
--R
--R
          atan(-----)
                   +---+
--R
--R
                 x\|- c
--R
--R
               5 11 5 10 4 9 4 8
--R
           - 2B c x - 3A c x - 50B a c x - 40A a c x - 261B a c x
--R
--R
               2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3 4 2
           110A a c x - 234B a c x + 612A a c x + 144B a c x + 544A a c x
--R
--R
--R
              5 5
--R
            96B a x + 64A a
--R
--R
--R
          +-+ | 2
--R
          --R
             5 11 5 10 2 4 9 2 4 8 3 3 7
--R
--R
         12B \ a \ c \ x + 18A \ a \ c \ x + 146B \ a \ c \ x + 30A \ a \ c \ x + 390B \ a \ c \ x
--R
              3 3 6 4 2 5 4 2 4 5 3 5 2
--R
--R
         - 352A a c x + 174B a c x - 876A a c x - 192B a c x - 576A a c x
--R
--R
            6
        - 96B a x - 64A a
--R
--R
--R
            27 25 33 2
--R
         (36a c x + 192a c x + 192a x) | c x + a
--R
--R.
--R
           3 9
                    2 7 2 5 3 3 +-+
--R
        (- 6c x - 108a c x - 288a c x - 192a x )\|a
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 566
--S 567 of 1396
```

```
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
              2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2
--R
--R
          (90B a c x + 480B a c x + 480B a c)\|a \|c x + a - 15B a c x
--R
               3 3 4 4 2 2 5
--R
          - 270B a c x - 720B a c x - 480B a c
--R
--R
--R
            +----+
            1 2
--R
--R
           \|c x + a - \|a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
              2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2
--R
--R
          (90A \ a \ c \ x + 480A \ a \ c \ x + 480A \ a \ c) \ c \ x + a
--R
                4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+ +-+
--R
--R
          (- 15A a c x - 270A a c x - 720A a c x - 480A a c)\|a \|c
--R
--R
               +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
            (-x|c + |a )|c + a + |x|a |c - c - a
--R
         log(-----)
--R
--R
                        +-+ | 2
--R
                        \|a \|c x + a - a
--R
--R
              2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2 2 4 6
--R
--R
          (90B a c x + 480B a c x + 480B a c)\|a \|c x + a - 15B a c x
--R
               3 3 4 4 2 2
--R
          - 270B a c x - 720B a c x - 480B a c
--R
--R
--R
              1 2
--R
--R
            \|c x + a
         atanh(-----)
--R.
                +-+
--R
--R
                \|a
--R
--R
                2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2
--R
          (- 90A a c x - 480A a c x - 480A a c)\|c \|c x + a
--R
--R
```

```
4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+ +-+
--R
--R
          (15A a c x + 270A a c x + 720A a c x + 480A a c)\|a \|c
--R
--R
                 +-+
--R
               x\|c
         atanh(-----)
--R
--R
              | 2
--R
              \|c x + a
--R
--R
--R
           2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2
--R
       (84B a c x + 448B a c x + 448B a c)\|a \|c x + a - 14B a c x
--R
--R
--R
             3 3 4 4 2 2
--R
        - 252B a c x \, - 672B a c x \, - 448B a c
--R /
--R
                                +----+
--R
           2 4 2 2 3 | 2
--R
        (36a c x + 192a c x + 192a) \ c x + a
--R
          3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
--R
        (- 6c x - 108a c x - 288a c x - 192a )\|a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 567
--S 568 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 568
--S 569 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
               2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2
--R
--R
          (90B a c x + 480B a c x + 480B a c)\|a \|c x + a - 15B a c x
--R.
--R
                3 3 4 4 2 2
--R
          - 270B a c x - 720B a c x - 480B a c
--R
--R
             +----+
--R
            | 2 +-+
            \c x + a - \a
--R
--R
         log(-----)
```

```
--R
                x
--R
--R
               2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2
--R
--R
          (90B a c x + 480B a c x + 480B a c)\|a \|c x + a - 15B a c x
--R
                3 3 4 4 2 2 5
--R
--R
           - 270B a c x - 720B a c x - 480B a c
--R
--R
--R
               1 2
--R
              \c x + a
         atanh(-----)
--R
                 +-+
--R
--R
                 \|a
--R
--R
                2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2
--R
--R
          (- 90A a c x - 480A a c x - 480A a c)\|c \|c x + a
--R
                4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+ +-+
--R
--R
          (15A a c x + 270A a c x + 720A a c x + 480A a c)\|a \|c
--R
--R
                 +-+
--R
                x\|c
         atanh(-----)
--R
--R
--R
               1 2
--R
              \c x + a
--R
--R
               2 3 4 3 2 2 4 +---+ | 2
--R
--R
           (180A \ a \ c \ x + 960A \ a \ c \ x + 960A \ a \ c) = c \ c \ x + a
--R
                 4 6 2 3 4 3 2 2 4 +---+ +-+
--R
           (- 30A a c x - 540A a c x - 1440A a c x - 960A a c)\|- c \|a
--R
--R
--R
              +----+
              1 2
--R
--R
            \|c x + a - \|a
--R
         atan(-----)
--R
                 +---+
--R
                 x\|- c
--R
--R
           2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2 2 4 6
--R
--R
        (84B \ a \ c \ x + 448B \ a \ c \ x + 448B \ a \ c) \ | \ a \ | \ c \ x + a - 14B \ a \ c \ x
--R
            3 3 4 4 2 2 5
--R
--R
        - 252B a c x - 672B a c x - 448B a c
```

```
--R /
--R
              24 2 2 3 | 2
--R
--R
         (36a c x + 192a c x + 192a) \ c x + a
--R
                               2 2 3 +-+
                     2 4
--R
             3 6
--R
         (- 6c x - 108a c x - 288a c x - 192a )\|a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 569
--S 570 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 570
)clear all
--S 571 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^5
--R
--R
--R
                          3 2 2
                  2 4
                                                           2 | 2
--R
             2 5
--R
          (Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R
--R
                                        5
--R
                                        х
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 571
--S 572 of 1396
r0:=-15/8*A*c*(a+c*x^2)^(3/2)/x^2-5/12*(2*a*B-3*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/_
    x^3-1/4*(A-2*B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^4+5/2*a*B*c^(3/2)*atanh(x*_
    \sqrt{(c)/\sqrt{(a+c*x^2)}-15/8*A*c^2*atanh(\sqrt{a+c*x^2})/\sqrt{(a+c*x^2)}}
    sqrt(a)-5/8*c*(4*a*B-3*A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)/x
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R.
                           1 2
                                                               +-+
--R.
               2 4 +-+
                           \c x + a
                                               4 +-+
                                                             x\|c
         - 45A c x \|a atanh(-----) + 60B a c x \|c atanh(-----)
--R
                                                            +----+
                               +-+
--R
                                                           1 2
--R
                               \|a
--R
                                                           \c x + a
--R
--R
                                                                  +----+
```

```
25 24 3 2 2 2 2 2
--R
     (12B c x + 24A c x - 56B a c x - 27A a c x - 8B a x - 6A a) \ c x + a
--R /
--R
--R
     24x
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 572
--S 573 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
--R
                 48 236 324 2
--R
           (270A a c x + 1440A a c x + 1440A a c x )\|c x + a
--R
--R
               5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 +-+
--R
           (-45A cx - 810A a cx - 2160A a cx - 1440A a cx) \ | a
--R
--R
--R
            | 2 +-+
--R
            \c x + a - \a
          log(-----)
--R
--R
--R
--R
                 3 8 2 2 6 3 4 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (360B a c x + 1920B a c x + 1920B a c x )\|a \|c \|c x + a
--R
                  4 10 2 3 8 3 2 6 4 4 +-+
--R
--R
          (- 60B a c x - 1080B a c x - 2880B a c x - 1920B a c x )\c
--R
--R
               +-+ +-+ | 2 +-+ +-+
--R
--R
            (-x|c + |a )|c + a + |a |c - c - a
--R
         log(-----)
--R
                       +-+ | 2
--R
--R
                       |a|cx + a - a|
--R
               5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
--R.
           - 12B c x - 24A c x - 160B a c x - 261A a c x + 440B a c x
--R
--R
               2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3
--R
--R
           108A a c x + 2448B a c x + 1404A a c x + 2176B a c x
--R
               4 2 5 5
--R
--R
           1152A a c x + 256B a x + 192A a
```

```
--R
--R
--R
           1 2
--R
          \c x + a
--R
              5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
--R
--R
           72B c x + 120A c x + 120B a c x + 318A a c x - 1408B a c x
--R
                  2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3
--R
           - 678A a c x - 3504B a c x - 1956A a c x - 2304B a c x
--R
--R
                  4 2 5
--R
           - 1248A a c x - 256B a x - 192A a
--R
--R
--R
           +-+
--R
          \|a
--R
--R
           28 6 24 +-+ | 2 3 10 2 8
--R
--R
         (144c x + 768a c x + 768a x) | a | c x + a - 24c x - 432a c x
--R
--R
             2 6 3 4
--R
         - 1152a c x - 768a x
--R
--R
--R
                  48 236 324 2
--R
--R
            (270A a c x + 1440A a c x + 1440A a c x )\|c x + a
--R
                  5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 +-+
--R
--R
            (-45A c x - 810A a c x - 2160A a c x - 1440A a c x) | a
--R
--R
              +----+
             | 2 +-+
--R
--R
             \c x + a - \a
          log(-----)
--R
--R
--R
--R
                 3 8 2 2 6 3 4 +---+ +-+ | 2
--R
--R
            (720B \ a \ c \ x + 3840B \ a \ c \ x + 3840B \ a \ c \ x) = c \ a = c \ x + a
--R
--R.
                 4 10 2 3 8 3 2 6 4 4 +---+
--R
           (-120B \ a \ c \ x \ -2160B \ a \ c \ x \ -5760B \ a \ c \ x \ -3840B \ a \ c \ x \ ) \ | -c \ |
--R
--R
               +----+
              | 2 +-+
--R
--R
              \c x + a - \a
--R
                   +---+
--R
```

```
--R
                  x\|- c
--R
                 5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
--R
--R
           - 12B c x - 24A c x - 160B a c x - 261A a c x + 440B a c x
--R
                2 3 6 3 2 5 3 2 4
--R
--R
           108A a c x + 2448B a c x + 1404A a c x + 2176B a c x
--R
                4 2 5 5
--R
           1152A a c x + 256B a x + 192A a
--R
--R
           +----+
--R
           | 2
--R
--R
          \c x + a
--R
--R
              5 11 5 10 4 9 4 8 2 3 7
--R
           72B c x + 120A c x + 120B a c x + 318A a c x - 1408B a c x
--R
                 2 3 6 3 2 5 3 2 4 4 3
--R
--R
           - 678A a c x - 3504B a c x - 1956A a c x - 2304B a c x
--R
                  4 2 5 5
--R
--R
           - 1248A a c x - 256B a x - 192A a
--R
          +-+
--R
--R
          \|a
--R
--R
           2 8 6 2 4 +-+ | 2 3 10 2 8
--R
--R
        (144c x + 768a c x + 768a x) | a | c x + a - 24c x - 432a c x
--R
             2 6 3 4
--R
--R
        - 1152a c x - 768a x
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 573
--S 574 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
               4 4 2 3 2 3 2 | 2
--R
--R
          (90A a c x + 480A a c x + 480A a c) \ c x + a
--R
               5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+
--R
--R
          (-15A c x - 270A a c x - 720A a c x - 480A a c ) | a
--R
--R
            +----+
```

```
| 2 +-+
--R
--R
            \|c x + a - \|a
--R
         log(-----)
              x
--R
--R
--R
                3 4 2 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (120B \ a \ c \ x + 640B \ a \ c \ x + 640B \ a \ c) \ | \ a \ | \ c \ | \ c \ x + a
--R
                                     3 2 2 4 +-+
                 4 6
                          2 3 4
--R
--R
           (-20B \ a \ c \ x \ -360B \ a \ c \ x \ -960B \ a \ c \ x \ -640B \ a \ c) \ c
--R
--R
               +-+ +-+ | 2
                                    +-+ +-+ 2
--R
--R
            (-x|c + |a )|c + a + x|a |c - c - a
--R
         log(-----)
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
                         --R
--R
                                        +----+
                4 4 2 3 2 3 2 | 2
--R
--R
           (90A \ a \ c \ x + 480A \ a \ c \ x + 480A \ a \ c ) \ c \ x + a
--R
                5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+
--R
--R
           (-15A c x - 270A a c x - 720A a c x - 480A a c) | a
--R
--R
--R
              1 2
--R
             \c x + a
--R
         atanh(-----)
                +-+
--R
--R
               \la
--R
--R
                 3 4 2 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
          (- 120B a c x - 640B a c x - 640B a c)\|a \|c \|c x + a
--R
                4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
--R
           (20B \ a \ c \ x + 360B \ a \ c \ x + 960B \ a \ c \ x + 640B \ a \ c) \ c
--R
--R
--R.
               x\|c
         atanh(----)
--R
           +----+
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
              4 4 2 3 2 3 2 | 2
--R
```

```
--R
       (48A a c x + 256A a c x + 256A a c )\|c x + a
--R
           5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+
--R
--R
       (-8Acx - 144Aacx - 384Aacx - 256Aac)\
--R /
                                +----+
--R
          2 4 2 2 +-+ | 2 3 6 2 4
--R
--R
       (48c x + 256a c x + 256a )\|a \|c x + a - 8c x - 144a c x
--R
          2 2 3
--R
       - 384a c x - 256a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 574
--S 575 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 575
--S 576 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
               4 4 2 3 2 3 2 | 2
--R
--R
          (90A a c x + 480A a c x + 480A a c )\|c x + a
--R
               5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+
--R
--R
           (-15A c x - 270A a c x - 720A a c x - 480A a c) | a
--R
--R
            | 2 +-+
--R
            \c x + a - \a
--R
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
                4 4 2 3 2 3 2 | 2
--R
--R
           (90A a c x + 480A a c x + 480A a c) \ c x + a
--R
               5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+
--R
           (-15A c x - 270A a c x - 720A a c x - 480A a c) | a
--R
--R
--R
              +----+
             | 2
--R
--R
             \c x + a
```

```
--R
         atanh(-----)
--R
                  +-+
--R
                 \|a
--R
--R
                  3 4 2 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
          (- 120B a c x - 640B a c x - 640B a c)\|a \|c \|c x + a
--R
                        2 3 4 3 2 2 4 +-+
                4 6
--R
          (20B a c x + 360B a c x + 960B a c x + 640B a c)\c
--R
--R
--R
                 +-+
               x \mid c
--R
--R
         atanh(-----)
--R
              +----+
--R
              1 2
--R
              \c x + a
--R
--R
                 3 4 2 2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
           (240B \ a \ c \ x + 1280B \ a \ c \ x + 1280B \ a \ c) = c \ a \ c \ x + a
--R
                 4 6 2 3 4
--R
                                        3 2 2 4 +---+
--R
           (-40B \ a \ c \ x \ -720B \ a \ c \ x \ -1920B \ a \ c \ x \ -1280B \ a \ c) \ | -c
--R
--R
             | 2 +-+
--R
--R
             \c x + a - \a
--R
         atan(-----)
                 +---+
--R
--R
                x\|- c
--R
--R
            4 4 2 3 2 3 2 2
--R
--R
       (48A a c x + 256A a c x + 256A a c) \ c x + a
--R
                   4 4
                              2 3 2 3 2 +-+
--R
            5 6
--R
        (-8Acx - 144Aacx - 384Aacx - 256Aac)\
--R /
--R
                           2 +-+ | 2 3 6 2 4
                2
--R
       (48c x + 256a c x + 256a) | x + a - 8c x - 144a c x
--R
--R
--R
           2 2 3
--R
       - 384a c x - 256a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 576
--S 577 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
```

```
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 577
)clear all
--S 578 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^6
--R
--R
--R
             2 5 2 4 3
                                      2 2
                                                           2 | 2
--R
--R
         (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a) \setminus |c x + a|
--R
--R
                                        6
--R
                                        х
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 578
--S 579 of 1396
\texttt{r0:=-15/8*B*c*(a+c*x^2)^(3/2)/x^2-1/12*c*(4*A-15*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^3-_}
    5/4*B*(a+c*x^2)^(5/2)/x^4-1/5*(A-5*B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^5+A*c^(5/2)*_
    atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))-15/8*B*c^2*atanh(sqrt(a+c*x^2)/_
    sqrt(a)*sqrt(a)-1/8*c^2*(8*A-15*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x
--R
--R
--R
     (2)
--R
                             +----+
                            1 2
--R
                --R
                                                            x\|c
        - 225B c x \|a atanh(-----) + 120A c x \|c atanh(-----)
--R
--R
                               +-+
--R
                               \|a
                                                           1 2
--R
                                                           \c x + a
--R
                2 5 2 4
--R
                                         3
                                                     2
                                                            2
           (120B\ c\ x\ -\ 184A\ c\ x\ -\ 135B\ a\ c\ x\ -\ 88A\ a\ c\ x\ -\ 30B\ a\ x\ -\ 24A\ a\ )
--R
--R
--R
           +----+
           1 2
--R
--R
          \c x + a
--R /
--R
          5
--R
       120x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 579
--S 580 of 1396
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R [
--R
                  4 9 2 3 7 3 2 5 +-+ | 2
--R
--R
            (1350B \ a \ c \ x + 7200B \ a \ c \ x + 7200B \ a \ c \ x) \leq x + a
--R
                  5 11 2 4 9 3 3 7 4 2 5
--R
            - 225B a c x \, - 4050B a c x \, - 10800B a c x \, - 7200B a c x
--R
--R
--R
              1 2
--R
--R
             \c x + a - \a
--R
          log(-----)
--R
--R
--R
                 4 9 2 3 7 3 2 5 +-+ | 2
--R
            (720A \ a \ c \ x + 3840A \ a \ c \ x + 3840A \ a \ c \ x) \ c \ c \ x + a
--R
--R
                5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 +-+ +-+
--R
--R
           (- 120A c x \, - 2160A a c x \, - 5760A a c x \, - 3840A a c x )\|a \|c
--R
--R
                 +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
              (-x|c + |a )|c + a + x|a |c - c - a
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          --R
                  5 11 5 10 4 9 4 8
--R
--R
            - 120B c x + 184A c x - 1305B a c x + 3400A a c x
--R
               2 3 7 2 3 6 3 2 5 3 2 4
--R
--R
            540B \ a \ c \ x + 10440A \ a \ c \ x + 7020B \ a \ c \ x + 10544A \ a \ c \ x
--R
--R
                        4 2 5
--R
           5760B a c x + 3968A a c x + 960B a x + 768A a
--R
--R
             +----+
           +-+ | 2
--R
--R
          \ln \x + a
--R
           5 11 5 10 2 4 9 2 4 8
--R
--R
         600B a c x - 1104A a c x + 1590B a c x - 7520A a c x
--R
--R
               3 3 7 3 3 6 4 2 5 4 2 4
```

```
--R
        - 3390B a c x - 15264A a c x - 9780B a c x - 12432A a c x
--R
--R
           5 3 5 2 6 6
--R
        - 6240B a c x - 4352A a c x - 960B a x - 768A a
--R
--R
            29 27 35 2
--R
--R
        (720a c x + 3840a c x + 3840a x) | c x + a
--R
             3 11 2 9 2 7 3 5 +-+
--R
        (- 120c x - 2160a c x - 5760a c x - 3840a x )\|a
--R
--R
--R
--R
                  4 9 2 3 7 3 2 5 +-+ | 2
--R
--R
           (1350B a c x + 7200B a c x + 7200B a c x )\|a \|c x + a
--R
--R
                 5 11 2 4 9 3 3 7 4 2 5
--R
           - 225B a c x \, - 4050B a c x \, - 10800B a c x \, - 7200B a c x
--R
--R
             +----+
             | 2 +-+
--R
--R
            \|c x + a - \|a
--R
          log(-----)
--R
--R
--R
                  4 9 2 3 7 3 2 5 +---+ | 2
--R
--R
           (1440A \ a \ c \ x + 7680A \ a \ c \ x + 7680A \ a \ c \ x) = c \ c \ x + a
--R
                   5 11 4 9 2 3 7 3 2 5
--R
--R
            (- 240A c x - 4320A a c x - 11520A a c x - 7680A a c x )
--R
--R
             +---+ +-+
--R
             \|- c \|a
--R
              +----+
--R
              1 2
--R
--R
             \|c x + a - \|a
--R
          atan(-----)
--R
--R
                 x\|- c
--R
                5 11 5 10
--R
                                 4 9
--R
           - 120B c x + 184A c x - 1305B a c x + 3400A a c x
--R
               2 3 7 2 3 6 3 2 5 3 2 4
--R
           540B a c x + 10440A a c x + 7020B a c x + 10544A a c x
--R
--R
--R
                4 3
                           4 2 5 5
```

```
--R
           5760B a c x + 3968A a c x + 960B a x + 768A a
--R
--R
             +----+
           +-+ | 2
--R
--R
          \|a \|c x + a
--R
              5 11 5 10 2 4 9 2 4 8
--R
--R
         600B a c x - 1104A a c x + 1590B a c x - 7520A a c x
--R
                           3 3 6 4 2 5
--R
               3 3 7
--R
        - 3390B a c x - 15264A a c x - 9780B a c x - 12432A a c x
--R
               5 3 5 2
                                  6
--R
        - 6240B a c x - 4352A a c x - 960B a x - 768A a
--R
--R
--R
             29 27 35 | 2
--R
--R
         (720a c x + 3840a c x + 3840a x) \ c x + a
--R
              3 11 2 9 2 7 3 5 +-+
--R
--R
         (-120c x - 2160a c x - 5760a c x - 3840a x) | a
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 580
--S 581 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
               4 4 2 3 2 3 2 +-+ | 2 5 6
--R
--R
          (90B a c x + 480B a c x + 480B a c )\|a \|c x + a - 15B a c x
--R
                2 4 4 3 3 2 4 2
--R
          - 270B a c x - 720B a c x - 480B a c
--R
--R
--R
            +----+
            1 2
--R
--R
           \|c x + a - \|a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
                4 4 2 3 2 3 2 +-+ | 2
--R
--R
           (48A \ a \ c \ x + 256A \ a \ c \ x + 256A \ a \ c) \ c \ x + a
--R
               5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+ +-+
--R
          (- 8A c x - 144A a c x - 384A a c x - 256A a c )\|a \|c
--R
--R
```

```
--R
               +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
            (-x|c + |a )|c x + a + x|a |c - c x - a
--R
--R
                        +-+ | 2
--R
--R
                        |a|c x + a - a
--R
--R
                4 4 2 3 2 3 2 +-+ | 2
--R
--R
          (90B a c x + 480B a c x + 480B a c )\|a \|c x + a - 15B a c x
--R
                2 4 4 3 3 2 4 2
--R
          -270B a c x -720B a c x -480B a c
--R
--R
--R
              +----+
--R
              1 2
--R
             \c x + a
--R
         atanh(-----)
                +-+
--R
--R
                \|a
--R
--R
--R
                4 4 2 3 2 3 2 +-+ | 2
--R
          (-48A a c x - 256A a c x - 256A a c )\|c \|c x + a
--R
              5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+ +-+
--R
--R
          (8A c x + 144A a c x + 384A a c x + 256A a c) | a | c
--R
--R
                +-+
--R
               x\|c
--R
         atanh(-----)
             +----+
--R
--R
              1 2
--R
             \c x + a
--R
--R
            4 4 2 3 2 3 2 +-+ | 2 5 6
--R
--R
       (48B a c x + 256B a c x + 256B a c )\|a\|c x + a - 8B a c x
--R
             2 4 4 3 3 2 4 2
--R
       - 144B a c x - 384B a c x - 256B a c
--R
--R /
--R
          24 2 2 3 | 2
--R
--R
       (48a c x + 256a c x + 256a) \ c x + a
--R
--R
          3 6 2 4 2 2 3 +-+
       (-8c x - 144a c x - 384a c x - 256a)
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 581
--S 582 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 582
--S 583 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                4 4 2 3 2 3 2 +-+ | 2 5 6
--R
--R
           (90B a c x + 480B a c x + 480B a c )\|a \|c x + a - 15B a c x
--R
                2 4 4 3 3 2 4 2
--R
--R
           - 270B a c x - 720B a c x - 480B a c
--R
--R
--R
             | 2 +-+
--R
            \c x + a - \a
--R
         log(-----)
                 х
--R
--R
--R
                4 4 2 3 2 3 2 +-+ | 2 5 6
--R
--R
           (90B a c x + 480B a c x + 480B a c )\|a \|c x + a - 15B a c x
--R
                2 4 4 3 3 2
--R
--R
           - 270B a c x - 720B a c x - 480B a c
--R
              +----+
--R
              1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
         atanh(-----)
                +-+
--R
--R
                 \|a
--R
--R
                 4 4 2 3 2 3 2 +-+ | 2
--R
--R
           (-48A a c x - 256A a c x - 256A a c) \ c \ c x + a
--R
              5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+ +-+
--R
--R
           (8A c x + 144A a c x + 384A a c x + 256A a c) | a | c
--R
--R
                  +-+
```

```
x\|c
--R
--R
         atanh(-----)
--R
              +----+
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
                4 4 2 3 2 3 2 +---+ | 2
--R
          (96A a c x + 512A a c x + 512A a c )\|- c \|c x + a
--R
--R
--R
                5 6 4 4 2 3 2 3 2 +---+ +-+
           (-16A c x - 288A a c x - 768A a c x - 512A a c ) | - c | a
--R
--R
--R
              +----+
--R
              1 2
--R
             \c x + a - \a
         atan(-----)
--R
                 +---+
--R
--R
                 x\|- c
--R
--R
            4 4 2 3 2 3 2 +-+ | 2 5 6
--R
--R
        (48B a c x + 256B a c x + 256B a c )\|a \|c x + a - 8B a c x
--R
--R
             2 4 4 3 3 2 4 2
--R
        - 144B a c x - 384B a c x - 256B a c
--R /
--R
            2 4 2 2 3 1 2
--R
--R
       (48a c x + 256a c x + 256a) \ c x + a
--R
          3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
--R
        (-8c x - 144a c x - 384a c x - 256a)
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 583
--S 584 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 584
)clear all
--S 585 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^7
--R
--R
```

```
--R
         25 24 3 2 2 2 2 2
--R
--R
        (Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R
    (1) -----
--R
                                   7
--R
                                  X
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 585
--S 586 of 1396
r0:=-5/16*A*c^2*(a+c*x^2)^(3/2)/(a*x^2)-1/24*c*(8*a*B-5*A*c*x)*_
    (a+c*x^2)^(3/2)/(a*x^3)-5/24*A*c*(a+c*x^2)^(5/2)/(a*x^4)-_
    1/30*(6*a*B-5*A*c*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/(a*x^5)-1/6*A*(a+c*x^2)^(7/2)/_
    (a*x^6)+B*c^(5/2)*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))-5/16*A*c^3*_
    atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/sqrt(a)-1/16*c^2*(16*a*B-5*A*c*x)*_
    sqrt(a+c*x^2)/(a*x)
--R
--R
--R
    (2)
--R
                     +----+
--R
                     | 2
                   --R
--R
       - 75A c x atanh(-----) + 240B c x \|a \|c atanh(-----)
--R
                       +-+
--R
                                                   1 2
                       \|a
--R
                                                   \c x + a
--R
--R
                  2 5 2 4
                                3
--R
            – 368В с х – 165А с х – 176В а с х – 130А а с х – 48В а х
--R
--R
                  2
--R
            - 40A a
--R
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2
--R
         --R /
--R
         6 +-+
      240x \|a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 586
--S 587 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
   [
--R
                   5 10 2 4 8 3 3 6 | 2
--R
```

```
--R
            (450A \ a \ c \ x + 2400A \ a \ c \ x + 2400A \ a \ c \ x) \ c \ x + a
--R
                  6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 +-+
--R
--R
            (-75A c x - 1350A a c x - 3600A a c x - 2400A a c x) | a
--R
--R
              | 2 +-+
--R
--R
              \c x + a - \a
           log(-----)
--R
--R
--R
--R
                   4 10 2 3 8 3 2 6 +-+ +-+ | 2
--R
--R
            (1440B \ a \ c \ x + 7680B \ a \ c \ x + 7680B \ a \ c \ x) \ | \ a \ | \ c \ | \ c \ x + a
--R
--R
                   5 12 2 4 10 3 3 8 4 2 6 +-+
--R
           (- 240B a c x - 4320B a c x - 11520B a c x - 7680B a c x )\|c
--R
--R
                           +----+
                 +-+ +-+ | 2 +-+ +-+
--R
--R
              (-x|c + |a )|c x + a + x|a |c - c x - a
--R
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
                           |a|cx + a - a
--R
                   5 11 5 10 2 4 9 2 4 8
--R
--R
            368B \ a \ c \ x + 165A \ a \ c \ x + 6800B \ a \ c \ x + 3100A \ a \ c \ x
--R
                   3 3 7 3 3 6 4 2 5 4 2 4
--R
--R
            20880B a c x + 10300A a c x + 21088B a c x + 12240A a c x
--R
                 5 3 5 2
--R
--R
            7936B a c x + 6080A a c x + 1536B a x + 1280A a
--R
--R
            1 2
--R
--R
           \c x + a
--R
--R
                    5 11
                            5 10 2 4 9
            - 2208B a c x - 990A a c x - 15040B a c x - 7050A a c x
--R
--R
--R.
                    3 3 7
                            3 3 6 4 2 5
--R
            - 30528B a c x - 15740A a c x - 24864B a c x - 15120A a c x
--R
                                       6
--R
                   5 3
                              5 2
--R
           - 8704B a c x - 6720A a c x - 1536B a x - 1280A a
--R
--R
           +-+
--R
           \|a
```

```
--R
--R
               2 10 2 8 3 6 +-+ | 2 3 12
--R
--R
         (1440a c x + 7680a c x + 7680a x) | a | c x + a - 240a c x
--R
              2 2 10 3 8 4 6
--R
--R
         - 4320a c x - 11520a c x - 7680a x
--R
--R
--R
                 5 10 2 4 8 3 3 6 | 2
--R
--R
            (450A \ a \ c \ x + 2400A \ a \ c \ x + 2400A \ a \ c \ x) \ c \ x + a
--R
                 6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 +-+
--R
--R
            (- 75A c x \, - 1350A a c x \, - 3600A a c x \, - 2400A a c x )\|a
--R
--R
              +----+
              | 2 +-+
--R
--R
             \c x + a - \a
--R
           log(-----)
--R
--R
--R
                    4 10 2 3 8 3 2 6 +---+ +-+
--R
              (2880B \ a \ c \ x + 15360B \ a \ c \ x + 15360B \ a \ c \ x ) | - c | a
--R
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
                 5 12 2 4 10 3 3 8 4 2 6
--R
--R
              (-480B \ a \ c \ x \ -8640B \ a \ c \ x \ -23040B \ a \ c \ x \ -15360B \ a \ c \ x)
--R
--R
              +---+
--R
              \|- c
--R
--R
               +----+
               | 2 +-+
--R
              \|c x + a - \|a
--R
--R
           atan(-----)
--R
--R
                  x\|- c
--R
--R
                 5 11 5 10 2 4 9 2 4 8
--R
            368B a c x + 165A a c x + 6800B a c x + 3100A a c x
--R
                  3 3 7
--R
                              3 3 6 4 2 5
--R
            20880B a c x + 10300A a c x + 21088B a c x + 12240A a c x
--R
                5 3 5 2 6 6
--R
--R
            7936B a c x + 6080A a c x + 1536B a x + 1280A a
```

```
--R
--R
--R
           1 2
--R
          \c x + a
--R
                   5 11 5 10 2 4 9 2 4 8
--R
--R
            - 2208B a c x \, - 990A a c x \, - 15040B a c x \, - 7050A a c x
--R
                   3 3 7 3 3 6 4 2 5 4 2 4
--R
           - 30528B a c x - 15740A a c x - 24864B a c x - 15120A a c x
--R
--R
                                     6
                 5 3 5 2
--R
            - 8704B a c x \, - 6720A a c x \, - 1536B a x - 1280A a
--R
--R
--R
           +-+
--R
          \|a
--R
--R
               2 10 2 8 3 6 +-+ | 2 3 12
--R
         (1440a c x + 7680a c x + 7680a x) | a | c x + a - 240a c x
--R
--R
--R
              2 2 10 3 8 4 6
--R
         - 4320a c x - 11520a c x - 7680a x
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 587
--S 588 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
              | 2 +-+
--R
--R
          3 \left( x + a - \right)
      5A c log(-----)
--R
--R
--R
--R
                         +-+ +-+ | 2
--R
           2 +-+ +-+ (- x | c + | a ) | c x + a + x | a | c - c x - a
--R
--R
       16B c \|a \|c log(------)
--R.
                                    +----+
--R
                                  +-+ | 2
--R
                                 --R
--R
                +----+
--R
                1 2
                \|c x + a 2 +-+ +-+
--R
                                             x \mid c
       5A c atanh(-----) - 16B c \|a \|c atanh(-----)
--R
```

```
--R
--R
                                                1 2
                     \|a
--R
                                                \c x + a
--R /
--R
--R
       16\|a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 588
--S 589 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 589
--S 590 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
--R
                | 2 +-+
                                             1 2
           3 | cx + a - | a  3 | cx + a
--R
        5A c log(-----) + 5A c atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                \|a
--R
--R
                               +-+
                            x\|c
--R
              2 +-+ +-+
        - 16B c \|a \|c atanh(-----)
--R
                            +----+
--R
                            | 2
--R
--R
                           \c x + a
--R
                           +----+
--R
                           1 2
--R
            2 +---+ +-+
                          \c x + a - \a
--R
--R
        32B c \|- c \|a atan(-----)
                                +---+
--R
--R
                               x\|- c
--R /
--R
         +-+
--R
       16\|a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 590
--S 591 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
```

```
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 591
)clear all
--S 592 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^8
--R
--R
--R
                            3
                                        2 2
                                                             2 | 2
--R
             2 5 2 4
--R
         (B\ c\ x\ + A\ c\ x\ + 2B\ a\ c\ x\ + 2A\ a\ c\ x\ + B\ a\ x\ + A\ a\ ) \backslash |c\ x\ + a
--R
--R
                                          8
--R
                                         х
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 592
--S 593 of 1396
r0:=5/42*(7*a*B-3*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^6-1/7*(A+7*B*x)*_
    (a+c*x^2)^(5/2)/x^7-5/16*B*c^3*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/_
    sqrt(a)-5/24*a*B*c*sqrt(a+c*x^2)/x^4+1/14*A*c^2*sqrt(a+c*x^2)/x^3+_
    5/16*B*c^2*sqrt(a+c*x^2)/x^2-1/7*A*c^3*sqrt(a+c*x^2)/(a*x)+_
    1/42*a*c*(9*A+35*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
                           1 2
--R
--R
                  3 7
                           \c x + a
--R
         - 105B a c x atanh(-----)
--R
--R
                               \|a
--R
                                            2 4 2 3
--R
                   3 6
                               2 5
--R
             - 48A c x - 231B a c x - 144A a c x - 182B a c x - 144A a c x
--R
--R
                   3
--R
             - 56B a x - 48A a
--R.
--R
               +----+
           +-+ | 2
--R
--R
           --R /
--R
            7 +-+
--R
       336a x \|a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
```

```
--E 593
--S 594 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
               6 13 5 11 2 4 9 3 3 7 +-+
--R
           (105B c x + 2520B a c x + 8400B a c x + 6720B a c x) \ 
--R
--R
--R
           1 2
--R
--R
           \c x + a
--R
--R
            6 13 2 5 11 3 4 9 4 3 7
--R
          - 735B a c x \, - 5880B a c x \, - 11760B a c x \, - 6720B a c x
--R
--R
           +----+
--R
           1 2
--R
          \|c x + a - \|a
--R
        log(-----)
             x
--R
--R
           6 12 5 11 5 10 2 4 9
--R
--R
          336A c x + 1617B a c x + 3696A a c x + 14210B a c x
--R
                     3 3 7 3 3 6
--R
--R
         14448A a c x + 36456B a c x + 27600A a c x + 38304B a c x
--R
              4 2 4 5 3 5 2 6 6
--R
--R
         28032A a c x + 17920B a c x + 14592A a c x + 3584B a x + 3072A a
--R
--R
           +----+
--R
        +-+ | 2
--R
       \ln \x + a
--R
           7 14
                     6 13 6 12 2 5 11
--R
--R
      - 48A c x - 231B a c x - 1344A a c x - 5957B a c x
--R
--R
                        3 4 9
                                3 4 8
            2 5 10
      - 8736A a c x - 28630B a c x - 25536A a c x - 53592B a c x
--R
--R
--R.
             4 3 6 5 2 5 5 2 4
--R
      - 39984A a c x - 46816B a c x - 34944A a c x - 19712B a c x
--R
--R
             6 2
                        7
--R
       -16128A a c x -3584B a x -3072A a
--R /
--R
            3 13 2 2 11 3 9 4 7 | 2
--R
```

```
--R
       (336a c x + 8064a c x + 26880a c x + 21504a x) | c x + a
--R
--R
              3 13 2 2 11 3 9 4 7 +-+
--R
       (- 2352a c x - 18816a c x - 37632a c x - 21504a x )\|a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 594
--S 595 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                  5 4 2 4 2 3 3 | 2
--R
--R
          (5B c x + 120B a c x + 400B a c x + 320B a c )\|c x + a
--R
--R
               6 6 5 4 2 4 2 3 3 +-+
--R
          (-35B c x - 280B a c x - 560B a c x - 320B a c ) | a
--R
--R
            +----+
--R
            | 2
--R
            \c x + a - \a
--R
         log(-----)
              x
--R
--R
--R
             6 6 5 4 2 4 2 3 3 | 2
--R
--R
          (5B c x + 120B a c x + 400B a c x + 320B a c )\|c x + a
--R
               6 6 5 4 2 4 2 3 3 +-+
--R
--R
          (-35B c x - 280B a c x - 560B a c x - 320B a c) | a
--R
--R
              +----+
--R
             | 2
--R
             \c + a
         atanh(-----)
--R
--R
                +-+
--R
                \|a
--R /
--R
         3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2 3 6
--R
       (16c x + 384a c x + 1280a c x + 1024a) | a | c x + a - 112a c x
--R
--R
--R
          2 2 4 3 2 4
--R
       - 896a c x - 1792a c x - 1024a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 595
--S 596 of 1396
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 596
)clear all
--S 597 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^9
--R
--R
--R
                            3
                                        2 2
                                                            2 | 2
--R
             2 5 2 4
--R
         (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a) \setminus |c x + a|
--R
--R
                                         9
--R
                                        х
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 597
--S 598 of 1396
r0:=5/168*(12*a*B-7*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^7-1/8*(A+4*B*x)*_
    (a+c*x^2)^(5/2)/x^8+5/128*A*c^4*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)-_
    3/56*a*B*c*sqrt(a+c*x^2)/x^5+5/192*A*c^2*sqrt(a+c*x^2)/x^4+_
    1/14*B*c^2*sqrt(a+c*x^2)/x^3-5/128*A*c^3*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^2)-_
    1/7*B*c^3*sqrt(a+c*x^2)/(a*x)+5/336*a*c*(7*A+18*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^6
--R
--R
--R
     (2)
--R
                       1 2
--R
--R
              4 8
                      \c x + a
         105A c x atanh(-----)
--R
--R
--R
                          \|a
--R
                                      2 5
                    3 7 3 6
--R
                                                        2 4
            - 384B c x - 105A c x - 1152B a c x - 826A a c x - 1152B a c x
--R
--R
                            3
--R
            - 952A a c x - 384B a x - 336A a
--R
--R.
--R
               +----+
           +-+ | 2
--R
--R
           |a|cx + a
--R /
--R
             8 +-+
       2688a x \|a
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
```

```
--E 598
--S 599 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                   7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8
--R
            (- 840A a c x \, - 8400A a c x \, - 20160A a c x \, - 13440A a c x )
--R
--R
--R
            1 2
--R
            \c x + a
--R
--R
                       7 14 2 6 12 3 5 10
--R
                8 16
--R
             105A c x + 3360A a c x + 16800A a c x + 26880A a c x
--R
--R
                  4 4 8
--R
            13440A a c x
--R
--R
            +-+
--R
            \|a
--R
--R
            | 2 +-+
--R
--R
            \c x + a - \a
--R
         log(-----)
--R
--R
               7 15 7 14 2 6 13 2 6 12
--R
--R
          384B a c x + 105A a c x + 13440B a c x + 4186A a c x
--R
--R
                            3 5 10
                                          4 4 9
--R
          99456B a c x + 44184A a c x + 319872B a c x + 189840A a c x
--R
                5 3 7 5 3 6 6 2 5
--R
--R
          540672B a c x + 387968A a c x + 503808B a c x + 403200A a c x
--R
                             7 2 8
                7 3
--R
--R
          245760B \ a \ c \ x + 207872A \ a \ c \ x + 49152B \ a \ x + 43008A \ a
--R
--R
         +----+
--R
          | 2
--R
         \c x + a
--R
                 7 15 7 14 2 6 13 2 6 12
--R
--R
          - 3072B a c x - 840A a c x - 43008B a c x - 15848A a c x
--R
                   3 5 11 3 5 10 4 4 9 4 4 8
--R
--R
          - 215040B a c x \, - 108864A a c x \, - 540672B a c x \, - 344736A a c x
```

```
--R
            5 3 7 5 3 6 6 2 5 6 2 4
--R
--R
         - 764928B a c x - 566272A a c x - 620544B a c x - 501760A a c x
--R
                  7 3 7 2 8 8
--R
         - 270336B a c x - 229376A a c x - 49152B a x - 43008A a
--R
--R
--R
--R
        \|a
--R /
--R
            2 3 14 3 2 12 4 10 5 8 +-+
         (21504a c x + 215040a c x + 516096a c x + 344064a x) | a
--R
--R
--R
         +----+
--R
         1 2
--R
        \c x + a
--R
        2 4 16 3 3 14 4 2 12 5 10 6 8
--R
--R
      - 2688a c x - 86016a c x - 430080a c x - 688128a c x - 344064a x
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 599
--S 600 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
            --R
--R
--R
        - 5A c log(-----) - 5A c atanh(-----)
--R
--R
                                           \|a
--R
--R
--R
                          128a\|a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 600
--S 601 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 601
)clear all
--S 602 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^10
```

```
--R
--R
--R
            25 24 3 2 2 2 2 2
--R
--R
         (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a) \setminus |c x + a|
--R
--R
                                     10
--R
                                     x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 602
--S 603 of 1396
r0:=5/72*(3*a*B-2*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^8-1/9*(A+3*B*x)*_
    (a+c*x^2)^(5/2)/x^9+5/128*B*c^4*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)-_
    1/48*a*B*c*sqrt(a+c*x^2)/x^6+1/84*A*c^2*sqrt(a+c*x^2)/x^5+_
    5/192*B*c^2*sqrt(a+c*x^2)/x^4-1/63*A*c^3*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^3)-_
    5/128*B*c^3*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^2)+2/63*A*c^4*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x)+_
    1/168*a*c*(10*A+21*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
                        +----+
--R
                        1 2
--R
               4 9
                   \|c x + a
--R
        315B a c x atanh(-----)
--R
                           +-+
--R
                          \|a
--R
                            3 7 3 6 2 2 5
--R
                4 8
--R
           256A c x - 315B a c x - 128A a c x - 2478B a c x - 1920A a c x
--R
                   3 3 3 2 4
--R
--R
            -2856B a c x -2432A a c x -1008B a x -896A a
--R
--R
           +-+ | 2
--R
--R
          --R /
--R
           2 9 +-+
--R
      8064a x \|a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 603
--S 604 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                      8 17 7 15 2 6 13 3 5 11
--R
               - 315B c x \, - 12600B a c x \, - 75600B a c x \, - 141120B a c x
--R
```

```
--R
               4 4 9
--R
--R
            - 80640B a c x
--R
--R
               +----+
            +-+ | 2
--R
--R
           \|a \|c x + a
--R
               8 17 2 7 15 3 6 13 4 5 11
--R
          2835B a c x + 37800B a c x + 136080B a c x + 181440B a c x
--R
--R
--R
               5 4 9
          80640B a c x
--R
--R
--R
            +----+
--R
            1 2
--R
          \|c x + a - \|a
--R
         log(-----)
--R
--R
               8 16 7 15 7 14 2 6 13
--R
          - 2304A c x + 2835B a c x - 29568A a c x + 60102B a c x
--R
--R
--R
                 2 6 12 3 5 11 3 5 10
          - 77952A a c x + 459144B a c x + 160128A a c x
--R
--R
--R
                 4 4 9
                              4 4 8
--R
          1603728B a c x + 1137536A a c x + 2862720B a c x + 2296832A a c x
--R
                 6 2 5 6 2 4 7 3 7 2
--R
--R
          2714880B \ a \ c \ x + 2279424A \ a \ c \ x + 1311744B \ a \ c \ x + 1138688A \ a \ c \ x
--R
                8
--R
--R
         258048B a x + 229376A a
--R
--R
         +-+ | 2
--R
--R
        \|a \|c x + a
--R
--R
          9 18 8 17
                             8 16
       256A c x - 315B a c x + 10368A a c x - 15393B a c x
--R
--R
--R.
            2 7 14 3 6 13 3 6 12
--R
       64512A a c x - 192654B a c x + 59136A a c x - 1028664B a c x
--R
--R
               4 5 10
                             5 4 9
                                          5 4 8
--R
       - 546048A a c x - 2767632B a c x - 2063232A a c x - 4072320B a c x
--R
               6 3 6 7 2 5 7 2 4 8 3
--R
--R
       - 3308544A a c x - 3338496B a c x - 2820096A a c x - 1440768B a c x
```

```
--R
         8 2 9
--R
--R
       -1253376A a c x -258048B a x -229376A a
--R /
              2 4 17 3 3 15 4 2 13 5 11
--R
--R
          8064a c x + 322560a c x + 1935360a c x + 3612672a c x
--R
--R
               6 9
--R
         2064384a x
--R
--R
         +----+
         1 2
--R
--R
        \c x + a
--R
--R
            2 4 17 3 3 15 4 2 13 5 11
--R
          - 72576a c x - 967680a c x - 3483648a c x - 4644864a c x
--R
--R
                6 9
--R
         - 2064384a x
--R
--R
         +-+
--R
         \|a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 604
--S 605 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                  88 76 264 352
--R
--R
              - 5B c x - 200B a c x - 1200B a c x - 2240B a c x
--R
--R
                    4 4
--R
              - 1280B a c
--R
            +----+
--R
--R
            1 2
--R
            \c x + a
--R
            8 8 7 6 2 6 4 3 5 2 4 4 +-+
--R
--R
         (45B\ c\ x\ +600B\ a\ c\ x\ +2160B\ a\ c\ x\ +2880B\ a\ c\ x\ +1280B\ a\ c\ )\|a
--R
--R
            +----+
            1 2
--R
                     +-+
--R
           \|c x + a - \|a
--R
         log(-----)
--R
                  x
--R
                             7 6 2 6 4 3 5 2
--R
                   8 8
```

```
--R
                - 5B c x - 200B a c x - 1200B a c x - 2240B a c x
--R
--R
                       4 4
--R
                - 1280B a c
--R
             +----+
--R
             1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
              8 8
                         7 6 2 6 4
--R
                                               3 5 2
--R
          (45B\ c\ x\ +600B\ a\ c\ x\ +2160B\ a\ c\ x\ +2880B\ a\ c\ x\ +1280B\ a\ c\ )\|a
--R
--R
               1 2
--R
--R
              \|c x + a
--R
          atanh(-----)
--R
                 +-+
--R
                \|a
--R /
              48 236 324 42 5+-+
--R
--R
          (128a c x + 5120a c x + 30720a c x + 57344a c x + 32768a) \ 
--R
--R
         1 2
--R
--R
         \c x + a
--R
                   3 3 6 4 2 4 5 2
--R
             2 4 8
--R
        - 1152a c x - 15360a c x - 55296a c x - 73728a c x - 32768a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 605
--S 606 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 606
)clear all
--S 607 of 1396
t0:=x^4*(A+B*x)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
          5 4
--R
       B x + A x
--R (1) -----
--R
         1 2
--R
```

```
--R
         \c x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 607
--S 608 of 1396
r0:=3/8*a^2*A*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)+_
    4/15*a^2*B*sqrt(a+c*x^2)/c^3-4/15*a*B*x^2*sqrt(a+c*x^2)/c^2+_
    1/4*A*x^3*sqrt(a+c*x^2)/c+1/5*B*x^4*sqrt(a+c*x^2)/c+_
    1/120*a*(32*a*B-45*A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)/c^3
--R
--R
     (2)
--R
--R
--R
                      x \mid c
--R
        45A a c atanh(-----)
--R
                    +----+
--R.
                    1 2
--R
                    \c x + a
--R
--R
--R
             2 4 2 3 2
                                                    2 +-+ | 2
--R
        (24B c x + 30A c x - 32B a c x - 45A a c x + 64B a ) | c | c x + a
--R /
          3 +-+
--R
--R
      120c \|c
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 608
--S 609 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
--R
                  2 2 4 3 2 4 +-+ | 2
--R
--R
             (45A a c x + 540A a c x + 720A a )\|a \|c x + a - 225A a c x
--R
--R
                   4 2
             - 900A a c x - 720A a
--R
--R
--R
--R.
                +-+ +-+
                             1 2
                                           2
                                                  +-+
--R
               (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
           log(-----)
                                  +----+
--R
--R
                               +-+ | 2
--R
                               --R
--R
                     3 8
                                 3 7
                                       2 2 6
                                                       2 2 5
```

```
--R
          - 120B a c x - 150A a c x - 320B a c x - 375A a c x
--R
          3 3 4
--R
--R
          420A a c x + 720A a x
--R
--R
            +----+
          +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R
             4 10 4 9 3 8 3 7 2 2 6
--R
--R
          24B c x + 30A c x + 280B a c x + 345A a c x + 320B a c x
--R
              2 2 5 3 3
--R
          255А асх - 780А асх - 720А ах
--R
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|c
--R /
--R
          4 4 3 2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (120c x + 1440a c x + 1920a c) | a | c | c x + a
--R
          4 4 2 3 2 3 2 +-+
--R
       (- 600a c x - 2400a c x - 1920a c )\|c
--R
--R
--R
--R
              2 2 4 3 2 4 +-+ | 2 3 2 4
--R
--R
           (90A a c x + 1080A a c x + 1440A a )\|a \|c x + a - 450A a c x
--R
                4 2 5
--R
--R
          - 1800A a c x - 1440A a
--R
             +----+
+---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
            \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
          atan(-----)
--R
--R
                 38 37 226 225
--R
--R
           - 120B a c x - 150A a c x - 320B a c x - 375A a c x
--R
--R.
              3 3 4
--R
          420A a c x + 720A a x
--R
--R
              +----+
          +---+ | 2
--R
--R
         \|- c \|c x + a
--R
              4 10 4 9 3 8 3 7 2 2 6
--R
```

```
--R
            24B \ c \ x + 30A \ c \ x + 280B \ a \ c \ x + 345A \ a \ c \ x + 320B \ a \ c \ x
--R
                2 2 5 3 3 4
--R
--R
            255A a c x - 780A a c x - 720A a x
--R
           +---+ +-+
--R
--R
           \|- c \|a
--R
--R
            4 4 3 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
         (120c x + 1440a c x + 1920a c) = c = a = c
--R
                4 4 2 3 2 3 2 +---+
--R
        (- 600a c x - 2400a c x - 1920a c )\|- c
--R
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 609
--S 610 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
               2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2 3 3 4
--R
--R
           (45A \ a \ c \ x + 540A \ a \ c \ x + 720A \ a \ c) \ | a \ | c \ x + a - 225A \ a \ c \ x
--R
--R
                 4 2 2 5
--R
           - 900A a c x - 720A a c
--R
--R
                          +----+
                         | 2 2 +-+ +-+
              +-+ +-+
--R
--R
            ( |a |c - c | x) |c |x + a + (-c |x - a) |c + c |x |a
--R
         log(-----)
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
                            |a|cx + a - a
--R
--R
                 2 3 4 3 2 2 4 +-+ | 2 3 3 4
--R
           (- 45A a c x - 540A a c x - 720A a c)\|a \|c x + a + 225A a c x
--R
--R
--R.
               4 2 2 5
--R
           900A a c x + 720A a c
--R
--R
                 +-+
--R
               x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
               1 2
--R
```

```
--R
              \|c x + a
--R
--R
             3 2 4 4 2 5 +-+ | 2
--R
--R
       (64B a c x + 768B a c x + 1024B a )\|c \|c x + a
--R
               3 2 4 4 2 5 +-+ +-+
--R
--R
        (-320B \ a \ c \ x \ -1280B \ a \ c \ x \ -1024B \ a \ ) | a \ | c
--R /
--R
           5 4 4 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
       (120c x + 1440a c x + 1920a c) | a | c | c x + a
--R
             5 4 2 4 2 3 3 +-+
--R
        (- 600a c x - 2400a c x - 1920a c )\|c
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 610
--S 611 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 611
--S 612 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                                                    +----+
                 2 3 4 3 2 2 4 +---+ +-+ | 2
--R
--R
           (- 45A a c x - 540A a c x - 720A a c)\|- c \|a \|c x + a
--R
                3 3 4 4 2 2 5 +---+
--R
--R
          (225A a c x + 900A a c x + 720A a c)\|- c
--R
--R
                  +-+
--R
                x\|c
          atanh(-----)
--R
               +----+
--R
--R
               1 2
--R
              \c x + a
--R
--R
                2 3 4 3 2 2 4 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (90A a c x + 1080A a c x + 1440A a c)\|a \|c \|c x + a
--R
--R
                  3 3 4 4 2 2 5 +-+
```

```
--R
           (- 450A a c x - 1800A a c x - 1440A a c)\|c
--R
--R
                   +----+
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
          atan(-----)
--R
                        сх
--R
--R
            3 2 4 4 2 5 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (64B \ a \ c \ x + 768B \ a \ c \ x + 1024B \ a ) \ - \ c \ c \ x + a
--R
                       4 2
                                    5 +---+ +-+ +-+
--R
        (- 320B a c x - 1280B a c x - 1024B a )\|- c \|a \|c
--R
--R /
--R
--R
           5 4 4 2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
        (120c x + 1440a c x + 1920a c) = c = c = c = c
--R
              5 4 2 4 2 3 3 +---+ +-+
--R
--R
        (- 600a c x - 2400a c x - 1920a c )\|- c \|c
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 612
--S 613 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 613
)clear all
--S 614 of 1396
t0:=x^3*(A+B*x)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
          4
--R
       B x + A x
--R
--R
    (1) -----
        +----+
--R
--R
         1 2
--R
        \|c x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 614
--S 615 of 1396
r0:=3/8*a^2*B*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)-_
    1/3*a*A*sqrt(a+c*x^2)/c^2+1/3*A*x^2*sqrt(a+c*x^2)/c+_
```

```
1/4*B*x^3*sqrt(a+c*x^2)/c-1/24*a*(8*A+9*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/c^2
--R
--R
--R
   (2)
--R
               +-+
                                                   +----+
                    3 2
                                                 +-+ | 2
--R
             x\|c
    9B a atanh(-----) + (6B c x + 8A c x - 9B a x - 16A a)\|c \|c x + a
--R
            1 2
--R
--R
           \c x + a
--R
--R
                               2 +-+
--R
                             24c \|c
                                      Type: Expression(Integer)
--R
--E 615
--S 616 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
              2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
--R
           (36B a c x + 72B a )\|a \|c x + a - 9B a c x - 72B a c x
--R
--R
--R
           - 72B a
--R
--R
             --R
--R
            ( |a |c - c | + a + (-c | - a) |c + c |a |
--R
         log(-----)
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
                          --R
                     3 6 2 5
--R
               3 7
                                         2 4 2 3
            - 6B c x - 8A c x - 39B a c x - 48A a c x + 24B a c x
--R
--R
--R
                3
            72B a x
--R
--R
--R
             +----+
          +-+ | 2
--R
--R
         \c \c \c x + a
--R
              37 36 25 24 23
--R
            24B c x + 32A c x + 36B a c x + 48A a c x - 60B a c x
--R
--R
```

```
--R
         - 72B a x
--R
--R
         +-+ +-+
--R
--R
         \|a \|c
--R
--R
                           +----+
          3 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
       (96c x + 192a c )\|a \|c \|c x + a
--R
           4 4 3 2 2 2 +-+
--R
--R
       (- 24c x - 192a c x - 192a c )\|c
--R
--R
--R
              2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
--R
           (72B a c x + 144B a )\|a \|c x + a - 18B a c x - 144B a c x
--R
--R
          - 144B a
--R
--R
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
            \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
         atan(-----)
                 сх
--R
--R
                37 36 25 24 23
--R
--R
            - 6B c x - 8A c x - 39B a c x - 48A a c x + 24B a c x
--R
            3
--R
--R
           72B a x
--R
--R
             +----+
--R
          +---+ | 2
          --R
--R
               37 36 25 24 23
--R
--R
            24B c x + 32A c x + 36B a c x + 48A a c x - 60B a c x
--R
--R
--R
           - 72B a x
--R
          +---+ +-+
--R
--R
         \|- c \|a
--R
--R
          3 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
        (96c x + 192a c) = c = a = c
--R
--R
```

```
4 4 3 2 2 2 +---+
--R
--R
         (- 24c x - 192a c x - 192a c )\|- c
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 616
--S 617 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
--R
            (36B a c x + 72B a )\|a \|c x + a - 9B a c x - 72B a c x
--R
--R
                 4
            - 72B a
--R
--R
--R
                         +----+
                       | 2 2
--R
--R
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
                           --R
--R
                                +----+
                2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2
--R
--R
           (- 36B a c x - 72B a )\|a \|c x + a + 9B a c x + 72B a c x
--R
--R
              4
--R
          72B a
--R
--R
--R
               x\|c
         atanh(-----)
--R
--R
              +----+
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
             2 2 3 +-+ | 2
--R
--R.
        (-64A a c x - 128A a) | c | c x + a
--R
--R
             2 4 2 2 3 +-+ +-+
--R
        (16A a c x + 128A a c x + 128A a) | a | c
--R /
--R
                            +----+
          3 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (96c x + 192a c) | a | c | c x + a
```

```
--R
         4 4 3 2 2 2 +-+
--R
--R
      (- 24c x - 192a c x - 192a c )\|c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 617
--S 618 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 618
--S 619 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
              2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
           (- 36B a c x - 72B a )\|- c \|a \|c x + a
--R
               2 2 4 3 2 4 +---+
--R
--R
           (9B a c x + 72B a c x + 72B a) - c
--R
--R
                 +-+
--R
                x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
              +----+
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
               2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
          (72B a c x + 144B a )\|a \|c \|c x + a
--R
--R
                2 2 4 3 2 4 +-+
--R
          (- 18B a c x - 144B a c x - 144B a )\|c
--R
--R
--R
              +---+ | 2
--R
                             +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
         atan(-----)
--R
--R
--R
                                   +----+
              2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
       (- 64A a c x - 128A a )\|- c \|c \|c x + a
--R
```

```
2 4 2 2 3 +---+ +-+
--R
--R
         (16A \ a \ c \ x + 128A \ a \ c \ x + 128A \ a \ ) \ - \ c \ a \ c
--R /
--R
            3 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
         (96c x + 192a c) = c = c = c = c
--R
--R
                      3 2
--R
                                2 2 +---+ +-+
         (- 24c x - 192a c x - 192a c )\|- c \|c
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 619
--S 620 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 620
)clear all
--S 621 of 1396
t0:=x^2*(A+B*x)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
          3 2
--R
--R
        B x + A x
--R
    (1) -----
        +----+
--R
--R
         1 2
--R
         \c x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 621
--S 622 of 1396
r0:=-1/2*a*A*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)-1/3*a*B*_
    sqrt(a+c*x^2)/c^2+1/3*B*x^2*sqrt(a+c*x^2)/c-1/6*(2*a*B-3*A*c*x)*_
    sqrt(a+c*x^2)/c^2
--R
--R
--R
                         x\|c
--R.
                                    2
                                                           +-+ | 2
--R
         - 3A a c atanh(-----) + (2B c x + 3A c x - 4B a)\|c \|c x + a
                       +----+
--R
                       1 2
--R
--R
                       \c + a
--R
--R
                                       2 +-+
--R
                                      6c \|c
```

```
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 622
--S 623 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Γ
--R
--R
                  2 2 +-+ | 2 2 2 3
--R
            ((3A \ a \ c \ x \ + 12A \ a \ ) \setminus |a \ \setminus |c \ x \ + a \ - 9A \ a \ c \ x \ - 12A \ a \ ) 
--R
--R
                           +----+
               +-+ +-+
                          1 2
                                  2 +-+ +-+
--R
--R
              ( |a |c + c | x) |c |x + a + (-c |x - a) |c - c |x |a
--R
--R
                                +----+
                             +-+ | 2
--R
--R
                             |a|cx + a - a
--R
--R
                 4 3 2 +-+ | 2
--R
--R
         (-6Bacx - 9Aacx - 12Aax)\c \c x + a
--R
             2 6 2 5 4 3 2 +-+ +-+
--R
--R
         (2B c x + 3A c x + 6B a c x + 15A a c x + 12A a x) | a | c
--R
     /
--R
          2 2 +-+ +-+ | 2 2 2 2 +-+
--R
--R
        (6c x + 24a c) |a |c |c x + a + (-18a c x - 24a c) |c
--R
--R
--R
                    2 2 +-+ | 2
--R
--R
           ((-6A a c x - 24A a) | a | c x + a + 18A a c x + 24A a)
--R
--R
               +---+ | 2
                              +---+ +-+
--R
--R
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
           atan(-----
--R
                         сх
--R
       +
--R
                 4 3 2 +---+ | 2
--R
         (-6Bacx - 9Aacx - 12Aax) | -c | cx + a
--R
--R
                                         3 2 +---+ +-+
--R
            26 25
         (2B c x + 3A c x + 6B a c x + 15A a c x + 12A a x) | - c | a
--R
--R
```

```
--R
         2 2 +---+ +-+ | 2
                                       2 2 2 +---+
--R
--R
       (6c x + 24a c) | - c | a | c x + a + (-18a c x - 24a c) | - c
--R
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 623
--S 624 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
               2 2 2 +-+ | 2 2 2 2 3
--R
--R
         ((3A \ a \ c \ x \ + 12A \ a \ c) \setminus |a \ | |c \ x \ + a \ - 9A \ a \ c \ x \ - 12A \ a \ c)
--R
--R
                           +----+
--R
              +-+ +-+
                          1 2
                                         2
                                               +-+
--R
             (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
--R
         log(-----)
--R
--R
                             +-+ | 2
--R
                            |a|cx + a - a
--R
--R
                               +----+
                2 2 2 +-+ | 2 2 2 2 3
--R
--R
          ((3A a c x + 12A a c) \setminus |a \setminus |c x + a - 9A a c x - 12A a c)
--R
--R
                 +-+
--R
                x\|c
         atanh(----)
--R
               +----+
--R
               1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
            2 2 3 +-+ | 2 2 2 3 +-+ +-+
--R
--R
       (-4B a c x - 16B a) | c | c x + a + (12B a c x + 16B a) | a | c
--R /
--R
                          +----+
        3 2 2 +-+ +-+ | 2
                                           3 2
--R
                                                  2 2 +-+
      (6c x + 24a c) | a | c | c x + a + (-18a c x - 24a c) | c
--R
--R.
                                             Type: Expression(Integer)
--E 624
--S 625 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 625
--S 626 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
                                    +----+
--R
                2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
          (3A a c x + 12A a c)\|- c \|a \|c x + a
--R
                2 2 2 3 +---+
--R
--R
          (- 9A a c x - 12A a c)\|- c
--R
--R
                 +-+
--R
               x \mid c
--R
         atanh(-----)
              +----+
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
--R
                   2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
            (-6A a c x - 24A a c) | a | c | c x + a
--R
                2 2 2 3 +-+
--R
--R
            (18A a c x + 24A a c) \ c
--R
--R
                  +----+
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             --R
         atan(-----)
--R
--R
                        сх
--R
--R
            2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
       (- 4B a c x - 16B a )\|- c \|c \|c x + a
--R
--R
                     3 +---+ +-+ +-+
        (12B a c x + 16B a )\|- c \|a \|c
--R
--R /
--R
                               +----+
--R
        3 2 2 +---+ +-+ | 2
                                               3 2 2 2 +---+ +-+
--R
      (6c x + 24a c) = c = c + a + (-18a c x - 24a c) = c = c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 626
--S 627 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
```

```
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 627
)clear all
--S 628 of 1396
t0:=x*(A+B*x)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
            2
--R
        B x + A x
--R
    (1) -----
     +----+
--R
--R
         1 2
--R
         \|c x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 628
--S 629 of 1396
r0:=-1/2*a*B*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)+_
    1/2*A*sqrt(a+c*x^2)/c+1/2*(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/c
--R
--R
--R
--R
                      x\|c
                                         +-+ | 2
--R
         - B a atanh(-----) + (B x + 2A)\|c \|c x + a
--R
                    +----+
                    | 2
--R
--R
                    \c x + a
--R
--R
--R
                             2c\|c
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 629
--S 630 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
    [
--R
                    +----+
                 +-+ | 2 2 2
--R
--R
            (2B a | a | c x + a - B a c x - 2B a)
--R
--R
                 +-+ +-+
--R
                              1 2
                                             2
                                                   +-+ +-+
```

```
--R
                                               (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
--R
--R
                                                                                                 +-+ | 2
--R
--R
                                                                                                --R
--R
                                                                                                                     +----+
                                                3 2 +-+ | 2
--R
                               (- B c x - 2A c x - 2B a x)\|c \|c x + a
--R
--R
--R
                                                              2
                               (2B c x + 2A c x + 2B a x) | a | c
--R
--R
--R
                                                    +----+
                               +-+ +-+ | 2 2 2 +-+
--R
--R
                         4c\label{eq:condition} 4c\label{eq:conditio
--R
--R
--R
                                                                 +----+
                                                      +-+ | 2 2 2
--R
--R
                                     (-4B a | a | c x + a + 2B a c x + 4B a)
--R
--R
--R
                                                  +---+ | 2 +---+ +-+
                                                \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
                                    atan(-----)
--R
                                                                               сх
--R
--R
--R
                                                3 2 +---+ | 2
--R
--R
                               (-Bcx - 2Acx - 2Bax) | -c | cx + a
--R
--R
--R
                              (2B c x + 2A c x + 2B a x) \mid - c \mid a
--R
                                                       +----+
--R
                              +---+ +-+ | 2 2 2 +---+
--R
                         4c\|-c\|a\|c\ x + a + (-2c\ x - 4a\ c)\|-c\|
--R
--R
--R
                                                                                                   Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 630
--S 631 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
            (4)
--R
                                              +-+ | 2 2 2
--R
--R
                               (2B a | a | c x + a - B a c x - 2B a)
```

```
--R
--R
            +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
           (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
        log(-----)
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                         --R
--R
          +-+ | 2 2 2
--R
                                          x \mid c
       (2B a|a |c x + a - B a c x - 2B a) atanh(-----)
--R
--R
                                         1 2
--R
--R
                                         \c x + a
--R
--R
--R
          +-+ | 2
                       2 +-+ +-+
       4A a | c | c x + a + (-2A c x - 4A a) | a | c
--R
--R /
--R
            +----+
--R
      +-+ +-+ | 2 2 2 +-+
--R
     4c\|a\|c\|c\ x + a + (-2c\ x - 4a\ c)\|c\
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 631
--S 632 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 632
--S 633 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
            +---+ +-+ | 2 2 2 +---+
--R
--R
        (2B a | - c | a | c x + a + (- B a c x - 2B a ) | - c )
--R
--R
                +-+
--R
              x\|c
        atanh(-----)
--R
             +----+
--R
             1 2
--R
             \c x + a
--R
--R
```

```
--R
                               2 2 +-+
--R
                +-+ +-+ | 2
--R
         (- 4B a\|a \|c \|c x + a + (2B a c x + 4B a )\|c )
--R
--R
                  +----+
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
         atan(-----)
--R
                       сх
--R
--R
                   +----+
           +---+ +-+ | 2
                                     2 +---+ +-+ +-+
--R
       4A a = c \le x + a + (-2A c x - 4A a) = c \le x
--R
--R /
--R
                    +----+
                               2 2
--R
        +---+ +-+ +-+ | 2
                                           +---+ +-+
--R
      4c\|-c\\|a\\|c\\|c\ x + a + (-2c\ x - 4a\ c)\\|-c\\|c\
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 633
--S 634 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 634
)clear all
--S 635 of 1396
t0:=(A+B*x)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
         B x + A
--R (1) -----
--R
     +----+
         1 2
--R
--R
        \c x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 635
--S 636 of 1396
\verb"r0:=A*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/sqrt(c)+B*sqrt(a+c*x^2)/c
--R
--R
--R
                                 +----+
--R
                            +-+ | 2
                   x\|c
         A c atanh(-----) + B \mid c \mid c x + a
--R
                  +----+
--R
```

```
1 2
--R
--R
               \c x + a
--R
    (2) -----
--R
                      +-+
--R
                     c\|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 636
--S 637 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    [
--R
--R
            +-+ | 2
--R
          (A \mid a \mid c x + a - A a)
--R
--R
                         +----+
                        | 2 2
--R
             (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
          log(-----)
--R
--R
--R
                            +-+ | 2
                           --R
--R
--R
          2 +-+ +-+
--R
        B \times |a| c
--R
--R
            +----+
       +-+ +-+ | 2
--R
--R
       |a |c |c + a - a|c
--R
--R
--R
                                +---+ | 2 +---+ +-+
--R
           +-+ | 2
--R
                              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
        (2A\|a \|c x + a - 2A a)atan(-----)
--R
--R
--R
          2 +---+ +-+
--R
--R
        B \times |- c|a
--R
--R
       +---+ +-+ | 2 +---+
--R
       --R
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 637
```

```
--S 638 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
   (4)
--R
              +----+
--R
           +-+ | 2
--R
--R
        (A c \mid a \mid c x + a - A a c)
--R
--R
                      2 +-+ +-+
--R
            +-+ +-+
           ( |a |c - c | + a + (-c | - a) |c + c |a |
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
                         --R
--R
              +----+
                                   +-+
                                        +-+ | 2
           +-+ | 2
--R
                                  x\|c
     (- A c\|a \|c x + a + A a c)atanh(-----) + B a\|c \|c x + a
--R
                                 +----+
--R
                                 1 2
--R
--R
                                 \c x + a
--R
--R
--R
      - B a\|a \|c
--R /
--R
     +-+ +-+ | 2 +-+
--R
--R
     c = c = c = c = c
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 638
--S 639 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 639
--S 640 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
              +----+
          +---+ +-+ | 2 +---+
--R
      (-Ac)|-c|a|cx+a+Aac|-c)
--R
--R
```

```
1 2
--R
--R
                                                 \c x + a
--R
--R
               +-+ +-+ | 2 +-+
--R
          (2A c | a | c | c  + a - 2A a c | c)
--R
--R
--R
               +---+ | 2 +---+ +-+
--R
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
          atan(-----)
--R
--R
                   +----+
--R
--R
           +---+ +-+ | 2 +---+ +-+
--R
        \label{eq:ballet} $$B a\leq -c \leq x + a - B a\leq -c \leq a \leq c $$
--R /
--R
                   +----+
       +---+ +-+ +-+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
      --R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 640
--S 641 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 641
)clear all
--S 642 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
          B \times A
     (1) -----
--R
          +----+
--R
          1 2
--R
--R
         x \le x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 642
--S 643 of 1396
r0:=-A*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/sqrt(a)+B*atanh(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a+c*x^2))/sqrt(c)
--R
--R
```

```
--R
--R
                 1 2
                 . -
\|c x + a +-+
--R
                                     x\|c
--R
        - A\|c atanh(-----) + B\|a atanh(-----)
--R
                   +-+
                   \|a
--R
--R
                                    \c x + a
--R
--R
                       +-+ +-+
--R
                       \|a \|c
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 643
--S 644 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    [
--R
                 | 2 +-+
--R
--R
         +-+ +-+ \|c x + a - \|a
        A\|a \|c log(-----)
--R
                    х
--R
--R
--R
               +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
              (|a|c - cx)|cx + a + (-cx - a)|c + cx|a
--R
        B a log(-----)
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
                            --R
--R
        +-+
--R
       a\|c
--R
--R
--R
                   | 2 +-+
--R
         +---+ +-+ \|c x + a - \|a
--R
--R
        A\|- c \|a log(-----)
--R
--R
                    +----+
--R
                +---+ | 2 +---+ +-+
--R
               \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
        2B a atan(-----)
--R
--R
                         сх
--R
        +---+
--R
```

```
--R
      a\|- c
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 644
--S 645 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
    (4)
--R
--R
               1 2
--R
         +-+ \|c x + a - \|a
--R
--R
       A\|c log(-----)
--R
--R
--R
                            +----+
               +-+ +-+ | 2 2 +-+
--R
--R
        +-+ (|a|c - cx)|cx + a + (-cx - a)|c + cx|a
       B\|a log(-----)
--R
--R
--R
                              +-+ | 2
--R
                             --R
--R
--R
                 1 2
                                        +-+
--R
                \c x + a
                                      x \mid c
--R
       A\|c atanh(-----) - B\|a atanh(-----)
--R
                   +-+
--R
                   \|a
                                     1 2
--R
                                    \c x + a
--R /
--R
      +-+ +-+
--R
      \|a \|c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 645
--S 646 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 646
--S 647 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
```

```
--R
                     | 2 +-+
--R
                                                      1 2
         +---+ +-+ \|c x + a - \|a +---+ +-+ \|c x + a
--R
        A\|- c \|c log(-----) + A\|- c \|c atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                          \|a
--R
--R
          +---+ +-+ x\|c
--R
        - B\|- c \|a atanh(-----)
--R
--R
                        +----+
                         1 2
--R
                        \c x + a
--R
--R
--R
                          +----+
--R
                     +---+ | 2
                                      +---+ +-+
          +-+ +-+ \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
        2B\|a \|c atan(-----)
--R
--R
                                сх
--R /
--R
       +---+ +-+ +-+
--R
      \|- c \|a \|c
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 647
--S 648 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 648
)clear all
--S 649 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^2*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
          B \times A
--R
          +----+
--R
--R
         2 | 2
--R
        x \mid c x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 649
--S 650 of 1396
\verb"r0:=-B*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/sqrt(a)-A*sqrt(a+c*x^2)/(a*x)
--R
```

```
--R
--R
                   --R
--R
        - B a x atanh(-----) - A \leq x + a
--R
--R
                      +-+
--R
                      \la
--R
--R
                       +-+
--R
                      a x\|a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 650
--S 651 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
                                | 2 +-+
--R
          +-+ | 2
                               \| c x + a - \| a +-+ | 2
--R
     (B x\|a \|c x + a - B a x)log(-----) + A\|a \|c x + a x
--R
--R
--R
         2
--R
--R
       - A c x - A a
--R /
        +----+
--R
        | 2 +-+
--R
--R
      a x | c x + a - a x | a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 651
--S 652 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
         1 2
--R
--R
--R
       (B \mid c x + a - B \mid a) \log(-----)
--R
--R
                             +----+
--R
                             1 2
--R
         +----+
         | 2
--R
                   +-+
                             \c x + a
--R
       (B \mid c x + a - B \mid a) a tanh(-----)
--R
                               +-+
--R
                                \|a
```

```
--R /
       +----+
--R
     +-+ | 2
--R
--R
     \|a \|c x + a - a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 652
--S 653 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 653
)clear all
--S 654 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^3*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
          B \times A
--R (1) -----
--R
          +----+
--R
        3 | 2
     3 | _
x \|c x + a
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 654
--S 655 of 1396
r0:=1/2*A*c*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)-1/2*A*sqrt(a+c*x^2)/_a
    (a*x^2)-B*sqrt(a+c*x^2)/(a*x)
--R
--R
--R
                    | 2
--R
                                  +-----
--R
            2 \|c x + a
       A c x atanh(-----) + (- 2B x - A)\|a \|c x + a +-+
--R
--R
--R
                      \|a
--R
--R
                               2 +-+
--R
                            2a x \|a
                                               Type: Expression(Integer)
--R
--E 655
--S 656 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R
    (3)
--R
                  2 | 2 | 2 +-+
--R
--R
          (-\ 2A\ a\ c\ x\ \backslash | c\ x\ + a\ + (A\ c\ x\ + 2A\ a\ c\ x\ )\backslash | a\ )
--R
--R
             | 2 +-+
--R
--R
             \c x + a - \a
         log(-----)
--R
--R
--R
--R
              3 2 2 2 1 2
--R
        (2B a c x + A a c x + 4B a x + 2A a) \setminus |c x + a|
--R
--R
--R
               3 2 2 +-+
--R
        (- 4B a c x - 2A a c x - 4B a x - 2A a )\|a
--R /
--R
              +----+
        2 2 +-+ | 2 2 4 3 2
--R
--R
      4a x \|a \|c x + a - 2a c x - 4a x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 656
--S 657 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                 +-----+
| 2 +-+
--R
                                           1 2
                 --R
         - A c log(-----) - A c atanh(-----)
--R
--R
--R
                                              \|a
--R
--R
--R
                            2a\|a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 657
--S 658 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 658
)clear all
```

```
--S 659 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^4*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
         B \times A
--R
   (1) -----
--R
         4 | 2
--R
--R
        x \mid c x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 659
--S 660 of 1396
r0:=1/2*B*c*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)-1/3*A*sqrt(a+c*x^2)/_
    (a*x^3)-1/2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^2)+2/3*A*c*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x)
--R
--R
--R
                     +----+
                     1 2
--R
                    \|c x + a 2
--R
--R
        3B a c x atanh(-----) + (4A c x - 3B a x - 2A a)\|a \|c x + a
--R
--R
                        \|a
--R
     (2) -----
                                  2 3 +-+
--R
--R
                                 6a x \|a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 660
--S 661 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
               25 3 +-+ | 2 25 23
--R
--R
         ((- 3B c x - 12B a c x)\|a\|c x + a + 9B a c x + 12B a c x)
--R
--R
             +----+
             | 2
--R
--R
            \c x + a - \a
--R
         log(-----)
--R.
                   X
--R
--R
              2 4 3 2 2 2 +-+ | 2
--R
--R
        (- 12A c x + 9B a c x - 10A a c x + 12B a x + 8A a )\|a \|c x + a
--R
         3 6 2 5 2 4 2 3 2 2 3
--R
--R
      4A c x - 3B a c x + 18A a c x - 15B a c x + 6A a c x - 12B a x - 8A a
```

```
--R /
--R
      2 5 3 3 | 2 2 5 3 3 +-+
--R
--R
     (6a c x + 24a x )\|c x + a + (- 18a c x - 24a x )\|a
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 661
--S 662 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
             2 2 | 2
                                   2 2
--R
--R
         ((- B c x - 4B a c)\|c x + a + (3B c x + 4B a c)\|a )
--R
--R
             +----+
            1 2
--R
--R
           \|c x + a - \|a
         log(-----)
--R
              x
--R
--R
--R
--R
                                                        1 2
         2 2 | 2
--R
                                    2 2 +-+
                                                       \c x + a
--R
      ((-Bcx - 4Bac)|cx + a + (3Bcx + 4Bac)|a) atanh(-----)
--R
                                                           +-+
--R
                                                          \|a
--R /
--R
                     +----+
       2 2 +-+ | 2 2 2 3
--R
--R
      (2a c x + 8a) | a | c x + a - 6a c x - 8a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 662
--S 663 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 663
)clear all
--S 664 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^5*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
          B \times A
```

```
--R
--R
           +----+
--R
          5 | 2
--R
         x \mid c x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 664
--S 665 of 1396
r0:=-3/8*A*c^2*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-_
    1/4*A*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^4)-1/3*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^3)+_
    3/8*A*c*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x^2)+2/3*B*c*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                       +----+
--R
                      1 2
--R
              2 4
                     \|c x + a
        - 9A c x atanh(-----)
--R
--R
                          +-+
--R
                         \|a
--R
--R
--R
               3 2
                                         +-+ | 2
--R
         (16B c x + 9A c x - 8B a x - 6A a)\|a \|c x + a
--R /
--R
         2 4 +-+
--R
       24a x \|a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 665
--S 666 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                   3 6 2 2 4 | 2
--R
--R
            (36A a c x + 72A a c x) | c x + a
--R
--R
                  4 8
                          3 6 2 2 4 +-+
            (- 9A c x - 72A a c x - 72A a c x )\|a
--R
--R
--R.
              +----+
--R
              1 2
--R
              \c x + a - \a
--R
          log(-----)
--R
                      x
--R
--R
                    3 7 3 6 2 2 5 2 2 4 3 3
--R
            - 16B a c x - 9A a c x - 120B a c x - 66A a c x - 64B a c x
```

```
+ 3 2 4 4
--R
--R
--R
          - 24A a c x + 64B a x + 48A a
--R
--R
         +----+
        | 2
--R
--R
        \|c x + a
--R
              37 36 225 224 33
--R
         64B a c x + 36A a c x + 160B a c x + 84A a c x + 32B a c x
--R
--R
              4
--R
         - 64B a x - 48A a
--R
--R
--R
         +-+
--R
        \|a
--R /
--R
        3 6 4 4 +-+ | 2 3 2 8 4 6 5 4
--R
      (96a c x + 192a x )\|a \|c x + a - 24a c x - 192a c x - 192a x
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 666
--S 667 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
           --R
--R
        3A c log(-----) + 3A c atanh(-----)
--R
--R
--R
                                         \|a
   (4) -----
--R
--R
                           2 +-+
--R
                         8a \|a
                                        Type: Expression(Integer)
--R
--E 667
--S 668 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 668
)clear all
--S 669 of 1396
```

```
t0:=(A+B*x)/(x^6*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
            B \times A
--R
     (1) -----
--R
            +----+
--R
           6 | 2
--R
          x \mid c x + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 669
--S 670 of 1396
r0:=-3/8*B*c^2*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-_
    1/5*A*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^5)-1/4*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^4)+_
    4/15*A*c*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x^3)+3/8*B*c*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x^2)-_
    8/15*A*c^2*sqrt(a+c*x^2)/(a^3*x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                           +----+
--R
                           | 2
--R
                 2 5
                          \c x + a
         - 45B a c x atanh(-----)
--R
--R
                              +-+
--R
                              \|a
--R
--R
--R
                                           2
                                                 2
                                                             2 +-+ | 2
--R
         (-64A c x + 45B a c x + 32A a c x - 30B a x - 24A a) | a | c x + a
--R /
           3 5 +-+
--R
--R
       120a x \|a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 670
--S 671 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
--R
                              3 7 2 2 5 +-+ | 2
--R.
             (45B c x + 540B a c x + 720B a c x )\|a \|c x + a - 225B a c x
--R
--R
                    2 3 7
                             3 2 5
--R
             - 900B a c x - 720B a c x
--R
               +----+
--R
               1 2
--R
--R
               \c x + a - \a
```

```
--R
--R
--R
              48 37 36 225 224
--R
          320A c x - 225B a c x + 1120A a c x - 750B a c x + 504A a c x
--R
--R
               3 3 3 2 4
--R
--R
          - 120B \ a \ c \ x \ - 32A \ a \ c \ x \ + 480B \ a \ x \ + 384A \ a
--R
--R
--R
         +-+ | 2
--R
        --R
           5 10 4 9
                            48 237
--R
--R
       - 64A c x + 45B a c x - 800A a c x + 555B a c x - 1400A a c x
--R
--R
         3 2 5 3 2 4
                           4 3 4 2 5 5
--R
      870B a c x - 440A a c x - 120B a c x - 160A a c x - 480B a x - 384A a
--R /
--R
                                  +----+
          3 2 9 4 7 5 5 | 2
--R
--R
       (120a c x + 1440a c x + 1920a x) \ x + a
--R
--R
           3 2 9 4 7 5 5 +-+
--R
       (- 600a c x - 2400a c x - 1920a x )\|a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 671
--S 672 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
             4 4 3 2 2 2 1 2
--R
--R
          (3B c x + 36B a c x + 48B a c )\|c x + a
--R
--R
               4 4 3 2 2 2 +-+
          (- 15B c x - 60B a c x - 48B a c )\|a
--R
--R
--R
            +----+
            1 2
--R
--R
           \|c x + a - \|a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
            4 4 3 2 2 2 1 2
--R
          (3B c x + 36B a c x + 48B a c )\|c x + a
--R
--R
```

```
4 4 3 2 2 2 +-+
--R
--R
            (-15B c x - 60B a c x - 48B a c) | a
--R
--R
                 +----+
                1 2
--R
--R
                \c x + a
--R
          atanh(-----)
--R
                   +-+
                   \|a
--R
--R /
--R
                 3 2
                            4 +-+ | 2
                                                 3 2 4 4 2
--R
         2 2 4
       (8a c x + 96a c x + 128a )\|a \|c x + a - 40a c x - 160a c x - 128a
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 672
--S 673 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 673
)clear all
--S 674 of 1396
t0:=x^4*(A+B*x)/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
               5 4
--R
--R
            B x + A x
--R
--R
           2 | 2
--R
--R
         (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 674
--S 675 of 1396
r0:=-3/2*a*A*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)-x^4*(a*B-A*c*x)/_
    (a*c*sqrt(a+c*x^2))-4/3*a*B*sqrt(a+c*x^2)/c^3+4/3*B*x^2*_
    sqrt(a+c*x^2)/c^2-A*x^3*sqrt(a+c*x^2)/(a*c)-1/6*(8*a*B-9*A*c*x)*_
    sqrt(a+c*x^2)/c^3
--R
--R
--R
     (2)
--R
                | 2
--R
                                 x\|c
--R
        - 9A a c\|c x + a atanh(-----)
```

```
--R
--R
                         1 2
--R
                         \c x + a
--R
         2 4 2 3 2
--R
                                          2 +-+
--R
       --R /
--R
     3 +-+ | 2
--R
--R
     6c \c \c \  \   + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 675
--S 676 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
   [
--R
               2 4 2 2 3 +-+ | 2 2 2 4
--R
           (9A a c x + 72A a c x + 72A a )\|a \|c x + a - 36A a c x
--R
--R
--R
             3 2 4
           - 108A a c x - 72A a
--R
--R
--R
              +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          |a|cx + a - a
--R
--R
              2 6 2 5 2 3 3 +-+ | 2
--R
--R
        (-8Bacx - 12Aacx - 60Aacx - 72Aax)\c \c + a
--R
                  3 7
                            2 6
                                     2 5 2 3 3
--R
            3 8
--R
          (2B c x + 3A c x + 8B a c x + 33A a c x + 96A a c x + 72A a x)
--R
          +-+ +-+
--R
--R.
         \|a \|c
--R
--R
         4 4 3 2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (6c x + 48a c x + 48a c) | a | c | c x + a
--R
           4 4 2 3 2 3 2 +-+
--R
--R
        (- 24a c x - 72a c x - 48a c )\|c
```

```
--R
--R
--R
                    2 4 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
            (-18A \ a \ c \ x \ -144A \ a \ c \ x \ -144A \ a \ ) \setminus |a \ | c \ x \ + a \ +72A \ a \ c \ x
--R
                3 2 4
--R
--R
            216A \ a \ c \ x + 144A \ a
--R
--R
                   +----+
               +---+ | 2
--R
                               +---+ +-+
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
           atan(-----)
--R
--R
                         сх
--R
--R
--R
               2 6 2 5 2 3 3 +---+ | 2
--R
         (-8B a c x - 12A a c x - 60A a c x - 72A a x)\|- c \|c x + a
--R
              38 37 26 25 23 3
--R
--R
           (2B c x + 3A c x + 8B a c x + 33A a c x + 96A a c x + 72A a x)
--R
--R
           +---+ +-+
--R
           \|- c \|a
--R
--R
           4 4 3 2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
         (6c x + 48a c x + 48a c) = c = a = c
--R
--R.
               4 4 2 3 2 3 2 +---+
--R
         (- 24a c x - 72a c x - 48a c )\|- c
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 676
--S 677 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
               2 2 2 3 | 2
--R
--R.
           (36A a c x + 72A a c) | c x + a
--R
                 3 4 2 2 2 3 +-+
--R
           (- 9A a c x - 72A a c x - 72A a c)\|a
--R
--R
--R
                          +----+
              +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
             (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
--R
```

```
--R
--R
--R
                             +-+ | 2
--R
                            \|a \|c x + a - a
--R
                             +----+
--R
               2 2 2 3 | 2
--R
--R
           (36A a c x + 72A a c)\|c x + a
--R
                 3 4 2 2 2 3 +-+
--R
--R
          (- 9A a c x - 72A a c x - 72A a c)\|a
--R
--R
                x \mid c
--R
--R
         atanh(-----)
--R
            +----+
--R
              1 2
--R
              \c x + a
--R
--R
            2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
       (- 64B a c x - 128B a )\|a \|c \|c x + a
--R
            2 2 4 3 2 4 +-+
--R
--R
        (16B \ a \ c \ x + 128B \ a \ c \ x + 128B \ a ) \ | \ c
--R /
--R
      4 2 2 3 +-+ | 2 5 4 4 2 2 3 +-+ +-+
--R
--R
      (24a c x + 48a c )\|c \|c x + a + (- 6c x - 48a c x - 48a c )\|a \|c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 677
--S 678 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 678
--S 679 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                2 2 2 3 +---+ | 2
--R
--R
          (36A a c x + 72A a c)\|- c \|c x + a
--R
                  3 4 2 2 2 3 +---+ +-+
--R
```

```
--R
          (- 9A a c x - 72A a c x - 72A a c)\|- c \|a
--R
--R
                  +-+
--R
                x\|c
         atanh(-----)
--R
--R
             +----+
               1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
--R
                  2 2 2 3 +-+ | 2
--R
           (-72A a c x - 144A a c) | c | c x + a
--R
                        2 2 2
--R
                 3 4
--R
           (18A a c x + 144A a c x + 144A a c)\|a \|c
--R
--R
                   +----+
              +---+ | 2
                              +---+ +-+
--R
--R
             |- c |c + a - |- c |a
--R
         atan(-----)
--R
                        сх
--R
--R
           2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (- 64B a c x - 128B a )\|- c \|a \|c \|c x + a
--R
             2 2 4 3 2 4 +---+ +-+
--R
--R
        (16B \ a \ c \ x + 128B \ a \ c \ x + 128B \ a \ ) \ | - \ c \ | \ c
--R /
--R
                                 +----+
            4 2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (24a c x + 48a c) = c = c = a
--R
           5 4 4 2 2 3 +---+ +-+
--R
--R
        (- 6c x - 48a c x - 48a c )\|- c \|a \|c
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 679
--S 680 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 680
)clear all
--S 681 of 1396
t0:=x^3*(A+B*x)/(a+c*x^2)^(3/2)
```

```
--R
--R
--R
                                                      4 3
--R
                                            B x + A x
--R
                  (1) -----
                                        +----+
2 | 2
--R
--R
--R
                                 (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 681
--S 682 of 1396
r0:=-3/2*a*B*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)-x^3*(a*B-A*c*x)/_
               (a*c*sqrt(a+c*x^2))+A*sqrt(a+c*x^2)/c^2-A*x^2*sqrt(a+c*x^2)/(a*c)+_
               1/2*(2*A+3*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/c^2
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                       +----+
                                                                                                   +-+
                                  1 2
                                                                                                                          3 2
--R
                                                                                           x\|c
--R
                  -3B \ a \le x + a \ a \ a + 4A \ a \le x + 4A \ a \ge x + 4A 
                                                                                           +----+
--R
--R
                                                                                          1 2
--R
                                                                                        \c x + a
--R
--R
                                                                                                                2 +-+ | 2
--R
--R
                                                                                                           2c |c| x + a
--R
                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 682
--S 683 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                  (3)
--R
--R
                  Ε
--R
                                                                                                       2 +-+ | 2 2 4 2 2
--R
--R
                                                       (9B a c x + 12B a )\|a \|c x + a - 3B a c x - 15B a c x
--R
--R
--R.
                                                       - 12B a
--R
--R
                                                                                                           +----+
                                                                                                      1 2
--R
                                                                                                                                                                                     +-+
--R
                                                       (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
--R
                                          log(-----)
--R
                                                                                                                    +-+ | 2
--R
```

```
--R
                           \|a \|c x + a - a
--R
--R
            2 5 2 4 3 2 +-+ | 2
--R
--R
        (-Bcx - 2Acx - 7Bacx - 12Bax)\c \c x + a
--R
           2 5 2 4 3 2 +-+ +-+
--R
--R
        (3B c x + 2A c x + 13B a c x + 12B a x)\|a \|c
--R
--R
        3 2 2 +-+ +-+ | 2 4 4 3 2 2 2 +-+
--R
       (6c x + 8a c )\|a \|c \|c x + a + (- 2c x - 10a c x - 8a c )\|c
--R
--R
--R
--R
--R
                   2 2 +-+ | 2 2 4 2 2
--R.
           (- 18B a c x - 24B a )\|a \|c x + a + 6B a c x + 30B a c x
--R
--R
--R
           24B a
--R
--R
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
            \|- c \|c x + a - \|- c \|a
          atan(-----)
--R
                сх
--R
--R
--R
            25 24 3 2 +---+ | 2
--R
--R.
        (- B c x - 2A c x - 7B a c x - 12B a x)\|- c \|c x + a
--R
            2 5 2 4 3 2 +---+ +-+
--R
--R
        (3B c x + 2A c x + 13B a c x + 12B a x) = c = a
--R
--R
                         +----+
        3 2 2 +---+ +-+ | 2 4 4 3 2 2 2 +---+
--R
--R
       (6c x + 8a c) | - c | a | c x + a + (- 2c x - 10a c x - 8a c) | - c
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 683
--S 684 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                         +----+
              2 2 | 2
--R
        ((3B a c x + 12B a )\|c x + a + (- 9B a c x - 12B a )\|a )
--R
--R
```

```
--R
             +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
         log(-----)
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
--R
                           --R
                         +----+
--R
                                   2 2 +-+
               2 2 | 2
--R
--R
        ((3B a c x + 12B a )\|c x + a + (- 9B a c x - 12B a )\|a )
--R
--R
               x\|c
--R
--R
         atanh(-----)
--R
           +----+
--R
              1 2
--R
             \c x + a
--R
--R
         2 +-+ +-+ | 2
--R
        (4A \ c \ x \ + 16A \ a) \ | \ a \ | \ c \ x \ + a \ + (-12A \ a \ c \ x \ - 16A \ a \ ) \ | \ c 
--R
--R /
--R
      3 2 2 +-+ | 2 3 2 2 +-+ +-+
--R
--R
      (2c x + 8a c) | c | c x + a + (-6c x - 8a c) | a | c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 684
--S 685 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 685
--S 686 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                2 2 +---+ | 2
--R
--R
           (3B a c x + 12B a) = c = c x + a
--R
               2 2 +---+ +-+
--R
--R
           (- 9B a c x - 12B a )\|- c \|a
--R
--R
                 +-+
```

```
x\|c
--R
        atanh(-----)
--R
--R
             +----+
             1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
--R
               2 2 +-+ | 2
                                             2
--R
        ((- 6B a c x - 24B a )\|c \|c x + a + (18B a c x + 24B a )\|a \|c )
--R
--R
--R
            +---+ | 2 +---+ +-+
--R
            \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
        atan(-----)
--R
--R
--R
--R
           2 +---+ +-+ | 2
--R
       (4A c x + 16A a) | - c | a | c | c x + a
         2 2 +---+ +-+
--R
--R
--R
       (-12A a c x - 16A a) = c | c
--R /
--R
      3 2 2 +---+ +-+ | 2 3 2 2 +---+ +-+ +-+
--R
      --R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 686
--S 687 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 687
)clear all
--S 688 of 1396
t0:=x^2*(A+B*x)/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
            3 2
--R
          B x + A x
   (1) -----
--R
         2 | 2
--R
--R
       (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
```

```
--E 688
--S 689 of 1396
r0:=A*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)-x^2*(a*B-A*c*x)/_
    (a*c*sqrt(a+c*x^2))+B*sqrt(a+c*x^2)/c^2+(a*B-A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)/(a*c^2)
--R
--R
            1 2
                            x\|c
--R
         A c\|c x + a atanh(-----) + (B c x - A c x + 2B a)\|c
--R
--R
                           1 2
--R
--R
                          \c x + a
--R
--R
                              2 +-+ | 2
--R
--R
                             c \mid c \mid c x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 689
--S 690 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Γ
--R
                 2 +-+ | 2 2 2
--R
--R
            ((A c x + 2A a) \setminus |a \setminus |c x + a - 2A a c x - 2A a)
--R
--R
                             1 2 2
                 +-+ +-+
--R
                                                   +-+
--R
               (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
                                +-+ | 2
--R
--R
                               --R
--R
                +-+ | 2
                                  4 3
--R
          2A a x | c | c x + a + (B c x - A c x - 2A a x) | a | c
--R
--R
--R.
                           +----+
--R.
                   +-+ +-+ | 2
                                           2 2 2 +-+
--R
        (c x + 2a c) | a | c | c x + a + (-2a c x - 2a c) | c
--R
--R
--R
                          +-+ | 2 2
--R
--R
            ((2A c x + 4A a) | a | c x + a - 4A a c x - 4A a)
```

```
--R
--R
--R
                +---+ | 2 +---+ +-+
--R
               \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
                    сх
--R
--R
                   +----+
--R
               +---+ | 2 4 3 +---+ +-+
--R
          2A \ a \ x \setminus |- \ c \ | \ c \ x \ + \ a \ + \ (B \ c \ x \ - A \ c \ x \ - 2A \ a \ x) \setminus |- \ c \ \setminus | \ a
--R
--R
--R
        2 2 +---+ +-+ | 2 2 2 2 +---+
--R
        (c x + 2a c)\|- c \|a \|c x + a + (- 2a c x - 2a c)\|- c
--R
--R
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 690
--S 691 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
               | 2 2 2 +-+
--R
          (2A \ a \ c \ c \ x + a + (- A \ c \ x - 2A \ a \ c) \ a)
--R
--R
--R
              +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
             (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
                              +-+ | 2
--R
--R
                             --R
--R
               | 2 2 2 +-+
--R
                                                    x\|c
        (- 2A a c\|c x + a + (A c x + 2A a c)\|a )atanh(-----)
--R
--R
--R
--R
                                                   \c x + a
--R
--R.
            +-+ +-+ | 2
--R
                                      2 2 +-+
        4B a\|a \|c \|c x + a + (-2B a c x - 4B a)\|c
--R
--R /
--R
              +----+
          2 +-+ | 2 3 2 2 +-+ +-+
--R
      2a c \|c \|c x + a + (- c x - 2a c )\|a \|c
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 691
--S 692 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 692
--S 693 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                 +---+ | 2 2 2 +---+ +-+
--R
--R
         (-2A a c | -c | c x + a + (A c x + 2A a c) | -c | a)
--R
--R
                  +-+
--R
                 x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
               +----+
               1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
                +-+ | 2 2 2 +-+ +-+
--R
--R
           (4A \ a \ c \ c \ c \ x \ + \ a \ + \ (- \ 2A \ c \ x \ - \ 4A \ a \ c) \ c \ ) 
--R
--R
              +---+ | 2
                             +---+ +-+
--R
--R
             |- c |c + a - |- c |a
         atan(-----)
--R
--R
                        сх
--R
                      +----+
--R
--R
           +---+ +-+ +-+ | 2
                                          2 2 +---+ +-+
        4B a\|- c \|a \|c \|c x + a + (- 2B a c x - 4B a )\|- c \|c
--R
--R /
--R
        --R
--R.
      2a c \|- c \|c x + a + (- c x - 2a c )\|- c \|a \|c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 693
--S 694 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
```

```
--R (7) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 694
)clear all
--S 695 of 1396
t0:=x*(A+B*x)/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
              2
         B x + A x
--R
   (1) -----
--R
    2 | 2
--R
--R
--R
    (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 695
--S 696 of 1396
 \texttt{r0:=B*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)+(-A-B*x)/(c*sqrt(a+c*x^2))} 
--R
--R
--R
          +----+
                         +-+
         1 2
--R
                         x\|c
        B \mid c x + a a tanh(-----) + (-B x - A) \mid c
--R
--R
--R
                       1 2
--R
                      \c x + a
--R
--R
                      +-+ | 2
--R
--R
                     c \le x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 696
--S 697 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
   [
--R.
              +-----+
+-+ | 2 2 2
--R
--R
           (B a | a | c x + a - B a c x - B a)
--R
--R
                           +----+
               +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
              (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
           log(-----)
```

```
--R
--R
                       +-+ | 2
--R
                       --R
--R
             +----+
                      2 +-+ +-+
           +-+ | 2
--R
--R
       --R
           +----+
--R
        +-+ +-+ | 2
                        2 2 2 +-+
--R
--R
      a c | a | c | c x + a + (-acx -ac) | c
--R
--R
--R
            +-+ | 2 2 2
--R
--R
        (2B a|a |c x + a - 2B a c x - 2B a)
--R
               +----+
--R
            +---+ | 2 +---+ +-+
--R
           \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
        atan(-----)
--R
                сх
--R
--R
          +---+ | 2 2 +---+ +-+
--R
--R
       --R
--R
        +---+ +-+ | 2 2 2 2 +---+
--R
--R
      a c = c = a c + a + (-acx -ac) - c
--R
--R
                       Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 697
--S 698 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
          1 2
--R
--R
       (B a | c x + a - B a | a)
--R.
--R
                    +----+
                   | 2 2 +-+
--R
          +-+ +-+
--R
          (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
       log(-----)
--R
--R
                      +-+ | 2
--R
```

```
--R
        --R
--R
--R
     (- B a\|c x + a + B a\|a )atanh(-----) - A\|a \|c \|c x + a
--R
                               1 2
--R
--R
                              \c x + a
--R
--R
--R
     A a\|c
--R /
         +----+
--R
     +-+ | 2 +-+ +-+
--R
--R
     a c | c | c x + a - a c | a | c
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 698
--S 699 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 699
--S 700 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
          +----+ +--+ x\c
--R
     (-Ba|-c|cx+a+Ba|-c|a)atanh(-----)
--R
--R
                                       1 2
--R
                                       \c x + a
--R
--R
                                   +---+ | 2
--R
         --R
      (2B a\|c \|c x + a - 2B a\|a \|c )atan(-----)
--R
--R
--R.
--R
                  +----+
        +---+ +-+ +-+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
      - A = c \mid a \mid c \mid c x + a + A \mid a \mid -c \mid c
--R /
--R
             +----+
      +---+ +-+ | 2 +---+ +-+ +-+
--R
     a c = c \le x + a - a c = c \le a \le c
--R
```

```
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 700
--S 701 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 701
)clear all
--S 702 of 1396
t0:=(A+B*x)/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
        B x + A
--R (1) -----
--R +-----+
--R 2 | 2
--R (c x + a)\|c x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 702
--S 703 of 1396
r0:=(-a*B+A*c*x)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
         A c x - B a
--R (2) -----
--R +-----+
--R | 2
--R
       a c \mid c x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 703
--S 704 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            +----+
| 2 2 +-+
--R
--R - A x \le x + a + (B x + A x) \le a
--R (3) -----
          +----+
--R
           +-+ | 2 2 2
--R
--R
          a \mid a \mid c x + a - a c x - a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 704
```

```
--S 705 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             +----+
         +-+ | 2
--R +-+ 1 2
--R - B\|a \|c x + a + B a
--R (4) -----
--R +----+
--R | 2 +-+
--R
       a c | c x + a - a c | a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 705
--S 706 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 706
)clear all
--S 707 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x*(a+c*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
             B \times A
--R (1) -----
--R +-----+
--R 3 | 2
--R
       (c x + a x) \setminus |c x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 707
--S 708 of 1396
r0:=-A*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)+(A+B*x)/(a*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
          --R
        - A \leq x + a \operatorname{atanh}(------) + (B x + A) \leq a
--R
                           +-+
--R
--R
                           \|a
--R (2) -----
--R
                       +-+ | 2
--R
```

```
--R
                      a \le x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 708
--S 709 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
     (3)
--R
--R
--R
          +-----+ | 2 +-+
| 2 2 +-+ \|c x + a - \|a
--R
       (A \ a \mid c \ x + a + (- A c \ x - A a) \mid a) \log(-----)
--R
--R
--R
--R
              +----+
                             2 +-+
--R
              1 2
        - B a x \le x + a + (- A c x + B a x \le a)
--R
--R /
--R
          +----+
       2 +-+ | 2 2 2 3
--R
--R
      a \ | a \ | c x + a - a c x - a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 709
--S 710 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                             | 2 +-+
         +-----+ | 2 +-+
| 2 +-+ \|c x + a - \|a
--R
--R
--R
       (A\|c x + a - A\|a )log(-----)
--R
--R
--R
                                +----+
         --R
--R
--R
        (A \mid c x + a - A \mid a) a tanh(-----) + A \mid c x + a - A \mid a
                                   +-+
--R
--R
                                  \|a
--R /
--R
       +-+ | 2
--R
--R
      a \le a \le a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 710
--S 711 of 1396
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 711
)clear all
--S 712 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^2*(a+c*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
               B x + A
--R (1) -----
--R +-----+
--R 4 2 | 2
--R
    (cx + ax) | cx + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 712
--S 713 of 1396
 \texttt{r0:=-B*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)+(A+B*x)/(a*x*sqrt(a+c*x^2))-\_ } \\
    2*A*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x)
--R
--R
--R
                            | 2
--R
               +----+ | 2
| 2 \|c x + a
                                        2
--R
--R
         - B a x\|c x + a atanh(-----) + (- 2A c x + B a x - A a)\|a
--R
--R
                                \|a
--R
--R
--R
                               2 +-+ | 2
--R
                              a x | a | c x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 713
--S 714 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                            +----+
              3 +-+ | 2 3 2
--R
--R
         ((B c x + 2B a x) \setminus |a \setminus |c x + a - 2B a c x - 2B a x)
--R
--R
              | 2 +-+
--R
```

```
--R
            \c x + a - \a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
           3 2 +-+ | 2 2 4 3 2
--R
--R
       (B c x + 4A c x + 2A a) \setminus |a \setminus |c x + a - 2A c x - B a c x - 5A a c x
--R
--R
       - 2A a
--R
--R /
--R
      2 3 3 | 2 2 3 3 +-+
--R
      (a c x + 2a x) \backslash |c x + a + (-2a c x - 2a x) \backslash |a
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 714
--S 715 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             . 2 +-+
--R
                                      1 2
             \| c x + a - \| a \| c x + a
--R
--R
         B log(-----) + B atanh(-----) + B
--R
--R
                                         \|a
--R
--R
                             +-+
--R
                            a\|a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 715
--S 716 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 716
)clear all
--S 717 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^3*(a+c*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
              B \times A
--R (1) -----
                  +----+
--R
```

```
5 3 | 2
--R
--R
          (c x + a x) | c x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 717
--S 718 of 1396
r0:=3/2*A*c*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)+(A+B*x)/_
    (a*x^2*sqrt(a+c*x^2))-3/2*A*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x^2)-_
    2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                               1 2
--R
--R
              2 | 2
                               \c x + a
--R
         3A c x \c x + a atanh(-----)
--R
                                  +-+
--R
                                  \|a
--R
--R
--R
         (-4Bcx - 3Acx - 2Bax - Aa)\|a
--R /
--R
         2 2 +-+ | 2
--R
--R
       2a x \|a \|c x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 718
--S 719 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                                    +----+
                    2 4 2 2 | 2
--R
            (- 9A a c x - 12A a c x )\|c x + a
--R
--R
                 3 6
                           2 4
--R
                                   2 2 +-+
             (3A c x + 15A a c x + 12A a c x) | a
--R
--R
               +----+
--R
--R
               1 2
--R.
              \c x + a - \a
--R
           log(-----)
--R
--R
                 2 5 2 4
--R
                                  2 3 2 2
--R
           (4B \ a \ c \ x \ - 3A \ a \ c \ x \ + 18B \ a \ c \ x \ + 5A \ a \ c \ x \ + 8B \ a \ x \ + 4A \ a \ )
--R
           +----+
--R
```

```
| 2
--R
--R
        \c x + a
--R
           3 6 2 5 2 4 2 3 2 2 3
--R
--R
         2Acx - 12Bacx + Aacx - 22Bacx - 7Aacx - 8Bax
--R
--R
--R
         - 4A a
--R
--R
        +-+
--R
        \|a
--R /
--R
       3 4 4 2 +-+ | 2 3 2 6 4 4 5 2
--R
--R
     (6a c x + 8a x )\|a \|c x + a - 2a c x - 10a c x - 8a x
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 719
--S 720 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
             2 2 | 2 2 +-+
--R
--R
        ((-3A c x - 12A a c) | c x + a + (9A c x + 12A a c) | a)
--R
--R
           | 2 +-+
--R
--R
           \c x + a - \a
        log(-----)
--R
--R
--R
--R
                       --R
--R
       ((-3Acx - 12Aac)|cx + a + (9Acx + 12Aac)|a)
--R
             +----+
--R
            1 2
--R
--R
            \c x + a
        atanh(-----)
+-+
--R
--R
--R.
               \|a
--R
--R
                     +----+
          2 2 | 2 2 +-+
--R
--R
       (-2A c x - 8A a c) | c x + a + (6A c x + 8A a c) | a
--R /
--R
       2 2 3 +-+ | 2 3 2 4
--R
```

```
--R
       (2a c x + 8a) | a | c x + a - 6a c x - 8a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 720
--S 721 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 721
)clear all
--S 722 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^4*(a+c*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
                 B x + A
--R
     (1) -----
--R
                   +----+
--R
            6 4 | 2
--R
          (c x + a x) | c x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 722
--S 723 of 1396
r0:=3/2*B*c*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)+(A+B*x)/(a*x^3*_
    sqrt(a+c*x^2))-4/3*A*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x^3)-_
    3/2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x^2)+8/3*A*c*sqrt(a+c*x^2)/(a^3*x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
                                1 2
                3 | 2 \|c x + a
--R
--R
       9B a c x \|c x + a atanh(-----)
                                    +-+
--R
--R
                                    \|a
--R
                    3
                                    2
--R
              2 4
         (16A c x - 9B a c x + 8A a c x - 3B a x - 2A a )\|a
--R
--R /
--R
         3 3 +-+ | 2
--R
--R
       6a \times |a| < x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 723
--S 724 of 1396
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
               3 7 2 5 2 3 +-+ | 2
--R
--R
         (-9B c x - 72B a c x - 72B a c x) | a | c x + a + 36B a c x
--R
              2 2 5 3 3
--R
          108B a c x + 72B a c x
--R
--R
            +----+
--R
            | 2
--R
--R
           \c x + a - \a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
             3 7 3 6 2 5 2 4 2 3
--R
          - 6B c x - 64A c x - 12B a c x - 160A a c x + 36B a c x
--R
--R
            2 2 3 3
         - 56A a c x + 24B a x + 16A a
--R
--R
--R
           +----+
         +-+ | 2
--R
--R
        --R
          48 37 36 225 224
--R
--R
       16A \ c \ x + 15B \ a \ c \ x + 136A \ a \ c \ x - 3B \ a \ c \ x + 190A \ a \ c \ x
--R
           3 3 3 2 4
--R
--R
       -48B a c x +48A a c x -24B a x -16A a
--R /
--R
         3 2 7 4 5 5 3 | 2
--R
--R
       (6a c x + 48a c x + 48a x) | c x + a
--R
--R
          3 2 7 4 5 5 3 +-+
       (- 24a c x - 72a c x - 48a x )\|a
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 724
--S 725 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                 +----+
                                         +----+
                | 2 +-+
--R
                                         1 2
                \|c x + a - \|a
--R
                                         \c x + a
        - 3B c log(-----) - 3B c atanh(-----) - 2B c
--R
```

```
--R
                          х
--R
                                                  \|a
--R
     (4) -----
--R
                                 2 +-+
--R
                                 2a \|a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 725
--S 726 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 726
)clear all
--S 727 of 1396
t0:=x^4*(A+B*x)/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
                    5 4
--R
                  B x + A x
--R
     (1) -----
--R
         24 2 2 | 2
--R
--R
         (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 727
--S 728 of 1396
r0:=-1/3*x^4*(a*B-A*c*x)/(a*c*(a+c*x^2)^(3/2))+A*atanh(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)+2/3*x^3*(A+2*B*x)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))+_
    4/3*B*sqrt(a+c*x^2)/c^3-4/3*B*x^2*sqrt(a+c*x^2)/(a*c^2)+_
    1/3*(4*a*B-3*A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)/(a*c^3)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                        | 2
                                        x\|c
--R
           2 2
--R
        (3A c x + 3A a c) | c x + a atanh(-----)
--R.
                                       +----+
--R
                                       1 2
--R
                                      \c x + a
--R
           2 4 2 3 2
--R
                                                  2 +-+
--R
        (3B c x - 4A c x + 12B a c x - 3A a c x + 8B a) \ c
--R /
                        +----+
--R
```

```
4 2 3 +-+ | 2
--R
--R
   (3c x + 3a c )\|c \|c x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 728
--S 729 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
   [
--R
              3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
           (3A c x + 27A a c x + 48A a c x + 24A a) | a | c x + a
--R
--R
                 3 6 2 2 4 3 2
--R
           - 12A a c x - 48A a c x - 60A a c x - 24A a
--R
--R
                         +----+
                        1 2
--R
              +-+ +-+
--R
             ( |a |c - c | + a + (-c | -a) |c + c |a |
          log(-----
--R
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
                           --R
--R
               2 6 2 5 2 3 3 +-+ | 2
--R
--R
        (-4Bacx + 16Aacx + 44Aacx + 24Aax)\c \c x + a
--R
                                      25 23 3
--R
            38 37 26
--R
         (3B c x - 4A c x + 4B a c x - 35A a c x - 56A a c x - 24A a x)
--R
--R
          +-+ +-+
--R
          \|a \|c
--R
--R
         5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (3c x + 27a c x + 48a c x + 24a c) | a | c | c x + a
--R
             56 244
--R
                           3 3 2
                                   4 2 +-+
        (- 12a c x - 48a c x - 60a c x - 24a c )\|c
--R
--R
--R
--R
               3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
           (6A c x + 54A a c x + 96A a c x + 48A a) | a | c x + a
--R
                 3 6 2 2 4 3 2 4
--R
--R
           - 24A a c x - 96A a c x - 120A a c x - 48A a
```

```
--R
--R
--R
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
              atan(-----)
--R
                  сх
--R
--R
--R
               2 6 2 5 2 3 3 +---+ | 2
--R
--R
         (-4B \ a \ c \ x + 16A \ a \ c \ x + 44A \ a \ c \ x + 24A \ a \ x) \setminus |-c \ |c \ x + a
--R
             3 8
                   3 7
                             2 6
                                       25 23 3
--R
          (3B c x - 4A c x + 4B a c x - 35A a c x - 56A a c x - 24A a x)
--R
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
--R
          5 6 4 4 2 3 2 3 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
         (3c x + 27a c x + 48a c x + 24a c) = c = a = c
--R
--R
               5 6 2 4 4 3 3 2 4 2 +---+
--R
         (-12a c x - 48a c x - 60a c x - 24a c) - c
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 729
--S 730 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
               2 2 2 2 2
--R
          (12A a c x + 24A a c) | c x + a
--R
--R
                        2 2 2 +-+
              3 4
--R
--R
         (- 3A c x - 24A a c x - 24A a c)\|a
--R
--R
                        +----+
                       | 2
--R
             +-+ +-+
                                     2
                                           +-+ +-+
--R
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
         log(-----)
--R.
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          |a|cx + a - a
--R
--R
                             +----+
                 2 2 2 2 2
--R
--R
          (-12A a c x - 24A a c) | c x + a
```

```
--R
            3 4 2 2 +-+
--R
--R
          (3A c x + 24A a c x + 24A a c) | a
--R
--R
                 +-+
--R
                x \mid c
         atanh(-----)
--R
--R
--R
               1 2
--R
              \c x + a
--R
--R
              2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (32B a c x + 64B a) | a | c | c x + a
--R
--R
              2 4 2 2 3 +-+
--R
        (-8Bacx - 64Bacx - 64Ba)\c
--R /
                         +----+
--R
         4 2 2 3 +-+ | 2 5 4 4 2 2 3 +-+ +-+
--R
      (12a c x + 24a c )\|c \|c x + a + (- 3c x - 24a c x - 24a c )\|a \|c
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 730
--S 731 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 731
--S 732 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                  2 2 2 +---+ | 2
--R
--R
          (- 12A a c x - 24A a c)\|- c \|c x + a
--R
--R
              3 4 2 2 2 +---+ +-+
--R
          (3A c x + 24A a c x + 24A a c)\|- c \|a
--R
--R
                  +-+
--R
                x\|c
         atanh(-----)
--R
--R
               +----+
               1 2
--R
--R
              \c x + a
```

```
--R
--R
                2 2 2 +-+ | 2
--R
--R
           (24A a c x + 48A a c) | c | c x + a
--R
               3 4 2 2 2 +-+ +-+
--R
--R
          (- 6A c x - 48A a c x - 48A a c)\|a \|c
--R
                 +----+
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
         atan(-----)
--R
--R
--R
--R
              2 2 +---+ +-+ | 2
--R
        (32B a c x + 64B a )\|- c \|a \|c \|c x + a
--R
--R
             2 4 2 2 3 +---+ +-+
--R
        (-8Bacx - 64Bacx - 64Ba) | -c | c
--R /
--R
            4 2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
       (12a c x + 24a c) = c c c x + a
--R
          5 4 4 2 2 3 +---+ +-+ +-+
--R
        (- 3c x - 24a c x - 24a c )\|- c \|a \|c
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 732
--S 733 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 733
)clear all
--S 734 of 1396
t0:=x^3*(A+B*x)/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                   4 3
--R
                B x + A x
--R (1) -----
--R
         2 4 2 2 | 2
--R
--R
        (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
```

```
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 734
--S 735 of 1396
r0:=-1/3*x^3*(a*B-A*c*x)/(a*c*(a+c*x^2)^(3/2))+B*atanh(x*sqrt(c)/_
    \sqrt{(a+c*x^2)}/c^{(5/2)+1/3*x^2*(A+3*B*x)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))}
    1/3*A*sqrt(a+c*x^2)/(a*c^2)-1/3*(A+3*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/(a*c^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                        1 2
--R
              2
                                         x\|c
         (3B c x + 3B a) \setminus |c x + a atanh(-----)
--R
                                        +----+
--R
--R
                                        1 2
--R
                                       \c x + a
--R
--R
                3 2
--R
         (-4Bcx - 3Acx - 3Bax - 2Aa)\c
--R /
--R
                         +----+
         3 2 2 +-+ | 2
--R
--R
       (3c x + 3a c) | c | c x + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 735
--S 736 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     [
--R
                     2 4 2 2 3 +-+ | 2
--R
              (9B a c x + 21B a c x + 12B a )\|a\|c x + a - 3B a c x
--R
--R
--R
                    2 2 4 3 2
--R
              - 18B a c x - 27B a c x - 12B a
--R
--R
                                | 2
--R
                                                2
--R
                (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R.
--R
                                  +-+ | 2
--R
--R
                                  |a|cx + a - a
--R
--R
                 25 24 23 3 +-+ | 2
--R
--R
           (4B \ a \ c \ x \ - 3A \ a \ c \ x \ + 19B \ a \ c \ x \ + 12B \ a \ x) \setminus |c \setminus |c \ x \ + a
```

```
--R
          3 6 2 5 2 4 2 3 3 +-+ +-+
--R
--R
         (2A c x - 12B a c x + 3A a c x - 25B a c x - 12B a x) | a | c
--R
--R
            4 4 2 3 2 3 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
         (9a c x + 21a c x + 12a c )\|a \|c \|c x + a
--R
             5 6 2 4 4 3 3 2 4 2 +-+
--R
--R
        (- 3a c x - 18a c x - 27a c x - 12a c )\|c
--R
--R
--R
                 2 4 2 2 3 +-+ | 2
--R
            (18B a c x + 42B a c x + 24B a )\|a \|c x + a - 6B a c x
--R
--R
--R
                2 2 4 3 2 4
--R
            - 36B a c x - 54B a c x - 24B a
--R
                   +----+
--R
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
          atan(-----)
--R
                  сх
--R
--R
             25 24 23 3 +---+ | 2
--R
--R
         (4B \ a \ c \ x \ - 3A \ a \ c \ x \ + 19B \ a \ c \ x \ + 12B \ a \ x) \setminus |- \ c \ |c \ x \ + a
--R
             3 6 2 5 2 4 2 3 3 +---+ +-+
--R.
--R
        (2A c x - 12B a c x + 3A a c x - 25B a c x - 12B a x)\|- c \|a
--R
--R
           4 4 2 3 2 3 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
         (9a c x + 21a c x + 12a c) = c = a = c
--R
             5 6
--R
                    2 4 4
                            3 3 2 4 2 +---+
--R
        (- 3a c x - 18a c x - 27a c x - 12a c )\|- c
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 736
--S 737 of 1396
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
               2 2 2 2 +-+
--R
--R
         ((3B a c x + 12B a) | c x + a + (-9B a c x - 12B a) | a)
```

```
--R
--R
             +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
--R
                           --R
                         +----+
2 | 2 2 +-+
--R
--R
                 2
         ((-3B a c x - 12B a) | c x + a + (9B a c x + 12B a) | a)
--R
--R
--R
                +-+
--R
               x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
            +----+
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
             2 +-+ +-+ | 2 2 2 +-+
--R
--R
         (- 2A c x - 8A a) | a | c | c x + a + (6A a c x + 8A a) | c |
--R /
--R
                       +----+
      3 2 2 2 +-+ | 2 3 2 2 2 +-+ +-+
--R
--R
      (3a c x + 12a c) | c | c x + a + (-9a c x - 12a c) | a | c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 737
--S 738 of 1396
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 738
--S 739 of 1396
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
                  2 2 +---+ | 2
--R
--R
           (-3B a c x - 12B a) | - c | c x + a
--R
--R
                2 2 +---+ +-+
           (9B a c x + 12B a )\|- c \|a
--R
--R
```

```
--R
               +-+
--R
             x\|c
--R
        atanh(-----)
--R
        +----+
            1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
--R
             2 2 +-+ | 2 2 2 +-+ +-+
--R
        ((6B a c x + 24B a )\|c \|c x + a + (- 18B a c x - 24B a )\|a \|c )
--R
--R
--R
           +---+ | 2
                         +---+ +-+
--R
--R
           \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
        atan(-----)
               сх
--R
--R
--R
                                     2 2 +---+ +-+
        2 +---+ +-+ | 2
--R
     --R
--R /
--R
                         +----+
         3 2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
      (3a c x + 12a c )\|- c \|c \|c x + a
--R
        3 2 2 2 +---+ +-+ +-+
--R
       (- 9a c x - 12a c )\|- c \|a \|c
--R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 739
--S 740 of 1396
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 740
)clear all
--S 741 of 1396
t0:=x^2*(A+B*x)/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                3 2
--R
             B x + A x
--R (1) -----
--R
       2 4 2 2 | 2
--R
--R
   (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
```

```
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 741
--S 742 of 1396
 \texttt{r0:=-1/3*x^2*(a*B-A*c*x)/(a*c*(a+c*x^2)^(3/2))-2/3*B/(c^2*sqrt(a+c*x^2)) } 
--R
--R
           2 3 2 2
--R
        Асх - 3Васх - 2Ва
--R
--R
--R
           3 2 2 2 | 2
--R
--R
        (3a c x + 3a c) \mid c x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 742
--S 743 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
          5 4 3 | 2
--R
       (- A c x - 3B a x - 4A a x )\|c x + a
--R
--R
            6 5 4 3 +-+
--R
--R
        (2B c x + 3A c x + 3B a x + 4A a x) | a
--R /
--R
           2 4 2 2 3 +-+ | 2 3 6 2 2 4
--R
--R
       (9a c x + 21a c x + 12a )\|a \|c x + a - 3a c x - 18a c x
--R
           3 2 4
--R
--R
       - 27a c x - 12a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 743
--S 744 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                2 +-+ | 2
--R
--R
         (- 2B c x - 8B a)\|a \|c x + a + 6B a c x + 8B a
--R
--R
                        +----+
           3 2 2 2 | 2 3 2 2 +-+
--R
--R
        (3a c x + 12a c) | c x + a + (- 9a c x - 12a c) | a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 744
```

```
--S 745 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 745
)clear all
--S 746 of 1396
t0:=x*(A+B*x)/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                  2
--R
               B x + A x
--R (1) -----
               +----+
--R
        2 4 2 2 | 2
--R
--R
        (c x + 2a c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 746
--S 747 of 1396
r0:=1/3*(-A-B*x)/(c*(a+c*x^2)^(3/2))+1/3*B*x/(a*c*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
               3
     Всх - Аа
--R
--R (2) -----
           +----+
--R
        2 2 2 | 2
--R
--R
       (3a c x + 3a c)\|c x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 747
--S 748 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
             5 4 23 22 | 2
--R
       (-Bacx - 3A acx - 4B ax - 6A ax)\|cx + a
--R
--R
         26 5 4 23 22 +-+
--R
--R
       (A c x + 3B a c x + 6A a c x + 4B a x + 6A a x) | a
--R /
--R
                               +----+
```

```
2 2 4 3 2 4 +-+ | 2 2 3 6 3 2 4
--R
     (9a c x + 21a c x + 12a )\|a \|c x + a - 3a c x - 18a c x
--R
--R
--R
          4 2 5
--R
      - 27a c x - 12a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 748
--S 749 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             2 +-+ | 2 2 2
--R
        (-Acx - 4Aa)\|a\|cx + a + 3Aacx + 4Aa
--R
--R (4) -----
--R
         2 2 2 3 | 2 2 2 3 +-+
--R
       (3a c x + 12a c) | c x + a + (-9a c x - 12a c) | a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 749
--S 750 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 750
)clear all
--S 751 of 1396
t0:=(A+B*x)/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                B x + A
--R (1) -----
--R
        24 2 2 1 2
--R
--R
      (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 751
--S 752 of 1396
r0:=1/3*(-a*B+A*c*x)/(a*c*(a+c*x^2)^(3/2))+2/3*A*x/(a^2*sqrt(a+c*x^2))
--R
          2 3
--R
--R 2A c x + 3A a c x - B a
```

```
--R
--R
         2 2 2 3 | 2
--R
--R
        (3a c x + 3a c) \setminus |c x + a|
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 752
--S 753 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                           3 22 2 | 2
--R
--R
       (-2Acx - 3Bacx - 11Aacx - 6Bax - 12Aax) \setminus |cx + a|
--R
--R
         26 25 4
                                     3 22 2 +-+
       (B c x + 6A c x + 6B a c x + 17A a c x + 6B a x + 12A a x) | a
--R
--R /
--R
        2 2 4 3 2 4 +-+ | 2 2 3 6 3 2 4
--R
--R
       (9a c x + 21a c x + 12a )\|a \|c x + a - 3a c x - 18a c x
--R
--R
         4 2 5
--R
       - 27a c x - 12a
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 753
--S 754 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
              +-----+
2 +-+ | 2 2 2
--R
--R
--R
        (-Bcx - 4Ba)\|a\|cx + a + 3Bacx + 4Ba
--R (4) ------
--R
         2 2 2 3 | 2 2 2 3 +-+
--R
        (3a c x + 12a c) | c x + a + (- 9a c x - 12a c) | a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 754
--S 755 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 755
```

```
)clear all
--S 756 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x*(a+c*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R
                   B x + A
--R
--R
         25 3 2 | 2
--R
--R
        (c x + 2a c x + a x) \setminus |c x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 756
--S 757 of 1396
r0:=1/3*(A+B*x)/(a*(a+c*x^2)^(3/2))-A*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/_
    a^(5/2)+1/3*(3*A+2*B*x)/(a^2*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
   (2)
--R
--R
                                     1 2
          2 | 2
--R
                                     \c x + a
      (-3A c x - 3A a) | c x + a atanh(-----)
--R
--R
                                         +-+
--R
                                         \|a
--R
--R
            3 2
--R
       (2B c x + 3A c x + 3B a x + 4A a) \setminus |a|
--R /
                      +----+
--R
       2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
      (3a c x + 3a) | a | c x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 757
--S 758 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
--R.
                 2 4 2 2 3 | 2
--R
            (9A a c x + 21A a c x + 12A a) \ c x + a
--R
                 3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
--R
            (-3Acx - 18Aacx - 27Aacx - 12Aa)\
--R
--R
              | 2 +-+
--R
```

```
--R
            \c x + a - \a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
              25 24 23 22 3 2
--R
--R
       (- 2B a c x + 9A a c x - 11B a c x + 12A a c x - 12B a x)\|c x + a
--R
               3 6 2 5 2 4 2 3 2 2
--R
           - 4A c x + 6B a c x - 15A a c x + 17B a c x - 12A a c x
--R
--R
--R
              3
          12B a x
--R
--R
--R
         +-+
--R
         \|a
--R /
--R
         3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6 4 2 4
--R
--R
       (9a c x + 21a c x + 12a )\|a \|c x + a - 3a c x - 18a c x
--R
         5 2 6
--R
--R
       - 27a c x - 12a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 758
--S 759 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                      +----+
              2 | 2
--R
--R
         ((3A c x + 12A a)\|c x + a + (- 9A c x - 12A a)\|a )
--R
--R
            | 2 +-+
--R
           \|c x + a - \|a
--R
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
             2 | 2 +-+
--R.
--R
         ((3A c x + 12A a) | c x + a + (- 9A c x - 12A a) | a)
--R
--R
              +----+
             | 2
--R
             \|c x + a
--R
         atanh(-----)
--R
               +-+
--R
```

```
--R
                   \|a
--R
--R
                                            2 +-+
--R
             2
                       1 2
         (4A c x + 16A a) | c x + a + (-12A c x - 16A a) | a
--R
--R /
--R
                         +----+
         2 2 3 +-+ | 2
                                     3 2
--R
       (3a c x + 12a) | a | c x + a - 9a c x - 12a
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 759
--S 760 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 760
)clear all
--S 761 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^2*(a+c*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R
                      B x + A
--R
--R
          26 4 22 | 2
--R
--R
          (c x + 2a c x + a x) \setminus |c x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 761
--S 762 of 1396
 \texttt{r0:=1/3*(A+B*x)/(a*x*(a+c*x^2)^(3/2))-B*atanh(sqrt(a+c*x^2)/sqrt(a))/\_ } 
    a^{(5/2)+1/3*(4*A+3*B*x)/(a^2*x*sqrt(a+c*x^2))-8/3*A*sqrt(a+c*x^2)/(a^3*x)}
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
                                            1 2
--R.
               3 2 | 2
                                           \c x + a
         (-3B a c x - 3B a x) | c x + a atanh(-----)
--R
                                                +-+
--R
--R
                                               \|a
--R
--R
             2 4
                                              2
                                       2
         (-8Acx + 3Bacx - 12Aacx + 4Bax - 3Aa)\|
--R
--R /
```

```
--R
     3 3 4 +-+ | 2
--R
--R
     (3a c x + 3a x)\|a \|c x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 762
--S 763 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
             3 7 2 5 2 3 3 +-+ | 2
--R
--R
          (3B c x + 27B a c x + 48B a c x + 24B a x) | a | c x + a
--R
--R
                3 7 2 2 5 3 3
--R
          – 12B асх – 48B асх – 60B асх – 24B ах
--R
--R
            +----+
            1 2
--R
--R
           \|c x + a - \|a
--R
         log(-----)
             x
--R
--R
            3 7 3 6 2 5 2 4 2 3
--R
          4B c x + 32A c x + 24B a c x + 112A a c x + 24B a c x
--R
--R
              2 2 3
--R
--R
          108A a c x + 24A a
--R
--R
            +----+
         +-+ | 2
--R
--R
        \|a \|c x + a
--R
                 3 7
                              3 6 2 2 5
--R
           4 8
       - 8A c x - 13B a c x - 76A a c x - 36B a c x - 163A a c x
--R
--R
           3 3
--R
                   3 2
       - 24B a c x - 120A a c x - 24A a
--R
--R /
--R
         3 3 7 4 2 5 5 3 6 | 2
--R
--R.
       (3a c x + 27a c x + 48a c x + 24a x) | c x + a
--R
          3 3 7 4 2 5 5 3 6 +-+
--R
--R
       (-12a c x - 48a c x - 60a c x - 24a x) | a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 763
--S 764 of 1396
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                | 2 +-+
                                          1 2
--R
               \|c x + a - \|a
--R
                                          \c x + a
         3B log(-----) + 3B atanh(-----) + 4B
--R
--R
                                             \|a
--R
--R
--R
--R
                              3a \|a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 764
--S 765 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 765
)clear all
--S 766 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^3*(a+c*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R.
                     B x + A
--R
    (1) -----
--R
         27 5 23 | 2
--R
--R
         (c x + 2a c x + a x) \setminus |c x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 766
--S 767 of 1396
r0:=1/3*(A+B*x)/(a*x^2*(a+c*x^2)^(3/2))+5/2*A*c*atanh(sqrt(a+c*x^2)/_
    sqrt(a)/a^{(7/2)+1/3*(5*A+4*B*x)/(a^2*x^2*sqrt(a+c*x^2))-_
    5/2*A*sqrt(a+c*x^2)/(a^3*x^2)-8/3*B*sqrt(a+c*x^2)/(a^3*x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                            +----+
                                           | 2
--R
                             +----+
             2 4
                          2 | 2 \|c x + a
--R
--R
        (15A c x + 15A a c x) | c x + a atanh(-----)
--R
                                              +-+
--R
                                              \|a
```

```
--R
        25 24 3 2 2 +-+
--R
--R
      (- 16B c x - 15A c x - 24B a c x - 20A a c x - 6B a x - 3A a )\|a
--R /
--R
                    +----+
      3 4 4 2 +-+ | 2
--R
    (6a c x + 6a x) | a | c x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 767
--S 768 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
--R
               48 236 324 42|2
--R
         (- 75A a c x - 375A a c x - 540A a c x - 240A a c x )\|c x + a
--R
           5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 +-+
--R
--R
        (15A c x + 210A a c x + 615A a c x + 660A a c x + 240A a c x) | a
--R
--R
--R
           | 2 +-+
--R
           \c x + a - \a
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
              49 48 237 236 325
--R
         16B a c x - 55A a c x + 216B a c x - 150A a c x + 550B a c x
--R
              3 2 4 4 3 4 2 5 5
--R
--R
         - 21A a c x + 456B a c x + 132A a c x + 96B a x + 48A a
--R
--R
         +----+
         | 2
--R
--R
        \c x + a
--R
                                48 237 236
                      4 9
--R
            5 10
--R
         14A c x - 80B a c x + 121A a c x - 440B a c x + 174A a c x
--R
              3 2 5 3 2 4 4 3
--R
                                         4 2 5
--R.
         - 766B a c x - 39A a c x - 504B a c x - 156A a c x - 96B a x
--R
--R
             5
--R
         - 48A a
--R
--R
         +-+
--R
        \|a
--R /
```

```
--R
        4 3 8 5 2 6 6 4 7 2 +-+ | 2 4 4 10
--R
--R
       (30a c x + 150a c x + 216a c x + 96a x )\|a \|c x + a - 6a c x
--R
--R
          5 3 8 6 2 6 7 4 8 2
--R
       - 84a c x - 246a c x - 264a c x - 96a x
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 768
--S 769 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
               3 4 2 2 2 1 2
--R
          (-15A c x - 180A a c x - 240A a c) \ c x + a
--R
--R
             3 4 2 2 2 +-+
--R
          (75A c x + 300A a c x + 240A a c) | a
--R
--R
--R
           | 2 +-+
           \|c x + a - \|a
--R
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
              3 4 2 2 2 1 2
--R
--R
         (- 15A c x - 180A a c x - 240A a c)\|c x + a
--R
              3 4 2 2 2 +-+
--R
--R
         (75A c x + 300A a c x + 240A a c) | a
--R
--R
              +----+
             | 2
--R
--R
            \c x + a
--R
        atanh(-----)
               +-+
--R
--R
--R
--R
           3 4 2 2 2 | 2
--R.
--R
       (-14A c x - 168A a c x - 224A a c) \ c x + a
--R
          3 4 2 2 +-+
--R
--R
       (70A c x + 280A a c x + 224A a c) | a
--R /
--R
        3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 4 2 4 5 2 6
--R
```

```
--R
                    (6a c x + 72a c x + 96a )\|a \|c x + a - 30a c x - 120a c x - 96a
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 769
--S 770 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--Е 770
)clear all
--S 771 of 1396
t0:=(d+e*x)/(a+c*x^2)^(7/2)
--R
--R
--R
                                                                         ex+d
--R (1) -----
--R
--R
                            36 24 2 2 3 | 2
--R
                          (c x + 3a c x + 3a c x + a )\|c x + a
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 771
--S 772 of 1396
\texttt{r0:=1/5*(-a*e+c*d*x)/(a*c*(a+c*x^2)^(5/2))+4/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(3/2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2))+2/15*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a+c*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)^(a*x^2)
             8/15*d*x/(a^3*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
                              3 5 2 3 2 3
--R
--R
                          8c d x + 20a c d x + 15a c d x - 3a e
--R (2) ------
--R
                              3 3 4 4 2 2 5 | 2
--R
--R
                          (15a c x + 30a c x + 15a c) | c x + a
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 772
--S 773 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                           4 9 3 8 3 7 2 2 6 2 2 5
--R
--R
                                  - 8c d x - 15a c e x - 116a c d x - 90a c e x - 383a c d x
--R
                                               3 4 3 3 4 2 4
--R
                                   - 180a c e x - 500a c d x - 120a e x - 240a d x
--R
```

```
--R
--R
--R
         1 2
--R
         \c x + a
--R
                   4 9 3 8 3 7 2 2 6
--R
          4 10
--R
         3c e x + 40c d x + 45a c e x + 260a c d x + 165a c e x
--R
            2 2 5 3 4 3 3 4 2 4
--R
         603a c d x + 240a c e x + 620a c d x + 120a e x + 240a d x
--R
--R
--R
         +-+
--R
         \|a
--R /
--R
--R
         3 4 8 4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ | 2
--R
       (75a c x + 450a c x + 915a c x + 780a c x + 240a) | a | c x + a
--R
          3 5 10 4 4 8 5 3 6 6 2 4
                                               7 2 8
--R
--R
       - 15a c x - 225a c x - 825a c x - 1275a c x - 900a c x - 240a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 773
--S 774 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
         2 4 2 2 +-+ | 2 2 4 2 2
--R
--R
       (-cex - 12acex - 16ae) | a | cx + a + 5acex + 20acex
--R
--R
         3
--R
      16a e
--R /
--R
        3 3 4 4 2 2 5 | 2
--R
--R
       (5a c x + 60a c x + 80a c) | c x + a
--R
--R
          3 3 4 4 2 2 5 +-+
--R
       (-25a c x - 100a c x - 80a c) | a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 774
--S 775 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 775
)clear all
--S 776 of 1396
t0:=(d+e*x)/(a+c*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                         ex+d
--R (1) ------
--R
         48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
       (cx + 4acx + 6acx + 4acx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 776
--S 777 of 1396
\texttt{r0:=1/7*(-a*e+c*d*x)/(a*c*(a+c*x^2)^(7/2))+6/35*d*x/(a^2*(a+c*x^2)^(5/2))+}_{\texttt{loop}}
   8/35*d*x/(a^3*(a+c*x^2)^(3/2))+16/35*d*x/(a^4*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
         4 7 3 5 2 2 3 3
--R
       16c d x + 56a c d x + 70a c d x + 35a c d x - 5a e
--R (2) -----
--R
          4 4 6 5 3 4 6 2 2 7 | 2
--R
--R
        (35a c x + 105a c x + 105a c x + 35a c) \ c x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 777
--S 778 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
            6 13 5 12 5 11 2 4 10
--R
--R
          - 16c d x - 35a c e x - 440a c d x - 385a c e x
--R
              2 4 9 3 3 8 3 3 7 4 2 6
--R
--R
          - 2694a c d x - 1505a c e x - 7219a c d x - 2870a c e x
--R
                              4 5 3 6 2
--R
              4 2 5 5
--R.
         - 10024a c d x - 2800a c e x - 7280a c d x - 1120a e x - 2240a d x
--R
--R
         +----+
         1 2
--R
--R
         \c x + a
--R
           6 14 6 13 5 12 5 11 2 4 10
--R
--R
          5c e x + 112c d x + 140a c e x + 1288a c d x + 910a c e x
```

```
+ 2 4 9 3 3 8 3 3 7 4 2 6
--R
--R
--R
          5418a c d x + 2660a c e x + 11461a c d x + 4130a c e x
--R
              425 5 4 5 3 6 2 6
--R
--R
         13384a c d x + 3360a c e x + 8400a c d x + 1120a e x + 2240a d x
--R
--R
        \|a
--R
--R /
--R
           4 6 12 5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4
--R
          245a c x + 2695a c x + 10535a c x + 20125a c x + 20440a c x
--R
             9 2 10
--R
--R
         10640a c x + 2240a
--R
--R
           +----+
--R
         +-+ | 2
--R
        \|a \|c x + a
--R
          4 7 14 5 6 12 6 5 10 7 4 8 8 3 6
--R
--R
       - 35a c x - 980a c x - 6370a c x - 18620a c x - 29155a c x
--R
--R
         9 2 4 10 2 11
--R
       - 25480a c x - 11760a c x - 2240a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 778
--S 779 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
         3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
       (- c e x - 24a c e x - 80a c e x - 64a e)\|a \|c x + a + 7a c e x
--R
--R
        2 2 4
                  3 2
--R
      56a c e x + 112a c e x + 64a e
--R /
--R
        4 4 6 5 3 4 6 2 2 7 | 2
--R
--R
       (7a c x + 168a c x + 560a c x + 448a c) | c x + a
--R.
          4 4 6 5 3 4 6 2 2 7 +-+
--R
--R
       (-49a c x - 392a c x - 784a c x - 448a c)\|a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 779
--S 780 of 1396
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 780
)clear all
--S 781 of 1396
t0:=x^{(7/2)}*(A+B*x)*(a+c*x^2)
--R
--R
--R
                    5
                           4 3 +-+
--R
    (1) (B c x + A c x + B a x + A a x )\|x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 781
--S 782 of 1396
r0:=2/9*a*A*x^{(9/2)}+2/11*a*B*x^{(11/2)}+2/13*A*c*x^{(13/2)}+2/15*B*c*x^{(15/2)}
--R
               7 6 5 4 +-+
--R
    (858B c x + 990A c x + 1170B a x + 1430A a x) | x
--R
--R
    (2) -----
--R
                             6435
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 782
--S 783 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
        (858B c x + 990A c x + 1170B a x + 1430A a x) \| x
--R (3) ------
--R
                             6435
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 783
--S 784 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 784
--S 785 of 1396
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 785
)clear all
--S 786 of 1396
t0:=x^{(5/2)}*(A+B*x)*(a+c*x^2)
--R
             5 4 3 2 +-+
--R
    (1) (B c x + A c x + B a x + A a x )\|x
--R
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 786
--S 787 of 1396
\texttt{r0:=}2/7*\texttt{a*A*x^(7/2)}+2/9*\texttt{a*B*x^(9/2)}+2/11*\texttt{A*c*x^(11/2)}+2/13*\texttt{B*c*x^(13/2)}
--R
--R
--R
                  6 5
    (1386B c x + 1638A c x + 2002B a x + 2574A a x) | x
--R
--R
--R
                                  9009
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 787
--S 788 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                  6 5 4
--R
--R (1386B c x + 1638A c x + 2002B a x + 2574A a x )\|x
--R
--R
                                  9009
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 788
--S 789 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 789
--S 790 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 790
)clear all
--S 791 of 1396
t0:=x^{(3/2)}*(A+B*x)*(a+c*x^2)
--R
--R
--R
                       3
                               2
    (1) (B c x + A c x + B a x + A a x)\|x
--R
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 791
--S 792 of 1396
r0:=2/5*a*A*x^{(5/2)}+2/7*a*B*x^{(7/2)}+2/9*A*c*x^{(9/2)}+2/11*B*c*x^{(11/2)}
--R
--R
--R
--R
          (630B c x + 770A c x + 990B a x + 1386A a x) \ | x
--R
--R
                                 3465
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 792
--S 793 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                  5 4 3 2 +-+
--R
         (630B c x + 770A c x + 990B a x + 1386A a x) | x
--R
--R
--R
                                 3465
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 793
--S 794 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
    (4) 0
--R
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 794
--S 795 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 795
)clear all
--S 796 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)*sqrt(x)
--R
--R
--R
              3 2
--R (1) (B c x + A c x + B a x + A a) \setminus |x|
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 796
--S 797 of 1396
\texttt{r0:=}2/3*\texttt{a*A*x^(3/2)}+2/5*\texttt{a*B*x^(5/2)}+2/7*\texttt{A*c*x^(7/2)}+2/9*\texttt{B*c*x^(9/2)}
--R
--R
                 4 3
--R
--R
      (70B c x + 90A c x + 126B a x + 210A a x) | x
--R
--R
                                315
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 797
--S 798 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                 4 3 2 +-+
--R
--R
        (70B c x + 90A c x + 126B a x + 210A a x) | x
--R
--R
                                315
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 798
--S 799 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 799
--S 800 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 800
)clear all
--S 801 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)/sqrt(x)
--R
--R
--R
            3
                   2
     Bcx + Acx + Bax + Aa
--R
--R (1) -----
--R
--R
                    \|x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 801
--S 802 of 1396
r0:=2/3*a*B*x^{(3/2)}+2/5*A*c*x^{(5/2)}+2/7*B*c*x^{(7/2)}+2*a*A*sqrt(x)
--R
--R
               3 2
--R
    (30B c x + 42A c x + 70B a x + 210A a) | x
--R
--R (2) -----
--R
                           105
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 802
--S 803 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
               3 2
--R
--R (30B c x + 42A c x + 70B a x + 210A a)\|x
--R
--R
                           105
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 803
--S 804 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 804
--S 805 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 805
)clear all
--S 806 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)/x^3(3/2)
--R
--R
--R
           3
                  2
     Bcx + Acx + Bax + Aa
--R
   (1) -----
--R
--R
                  +-+
--R
                 x \mid x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 806
--S 807 of 1396
r0:=2/3*A*c*x^{(3/2)}+2/5*B*c*x^{(5/2)}-2*a*A/sqrt(x)+2*a*B*sqrt(x)
--R
--R
--R
            3 2
     6B c x + 10A c x + 30B a x - 30A a
--R
--R
   (2) -----
--R
--R
                     15\|x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 807
--S 808 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
            3 2
--R
       6B c x + 10A c x + 30B a x - 30A a
--R
--R (3) -----
--R
--R
                    15\|x
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 808
--S 809 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 809
```

```
--S 810 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 810
)clear all
--S 811 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)/x^(5/2)
--R
--R
--R
            3
                  2
--R B c x + A c x + B a x + A a
--R (1) -----
          2 +-+
--R
--R
                  x \mid x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 811
--S 812 of 1396
r0:=-2/3*a*A/x^{(3/2)}+2/3*B*c*x^{(3/2)}-2*a*B/sqrt(x)+2*A*c*sqrt(x)
--R
--R
--R
--R 2B c x + 6A c x - 6B a x - 2A a
--R (2) -----
                    +-+
--R
--R
                    3x|x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 812
--S 813 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
            3 2
--R
       2B c x + 6A c x - 6B a x - 2A a
--R
--R (3) -----
--R
                     +-+
--R
                    3x\|x
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 813
--S 814 of 1396
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
   (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 814
--S 815 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 815
)clear all
--S 816 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)/x^(7/2)
--R
--R
--R
           3 2
--R B c x + A c x + B a x + A a
--R (1) -----
--R
           3 +-+
--R
                  x \mid x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 816
--S 817 of 1396
r0:=-2/5*a*A/x^(5/2)-2/3*a*B/x^(3/2)-2*A*c/sqrt(x)+2*B*c*sqrt(x)
--R
--R
        3 2
--R
--R
       30B c x - 30A c x - 10B a x - 6A a
--R (2) -----
--R
                     2 +-+
--R
                   15x \|x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 817
--S 818 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             3 2
--R
       30B c x - 30A c x - 10B a x - 6A a
--R
   (3) -----
--R
                     2 +-+
--R
                    15x \|x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 818
```

```
--S 819 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 819
--S 820 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 820
)clear all
--S 821 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)/x^(9/2)
--R
--R
--R
           3 2
--R Bcx + Acx + Bax + Aa
--R (1) -----
                  4 +-+
--R
--R
                  x \mid x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 821
--S 822 of 1396
r0:=-2/7*a*A/x^{(7/2)}-2/5*a*B/x^{(5/2)}-2/3*A*c/x^{(3/2)}-2*B*c/sqrt(x)
--R
               3 2
--R
       - 210B c x - 70A c x - 42B a x - 30A a
--R
--R (2) ------
--R
                        3 +-+
--R
                     105x \|x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 822
--S 823 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R - 210B c x - 70A c x - 42B a x - 30A a
--R (3) -----
```

```
3 +-+
--R
--R
                         105x \|x
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 823
--S 824 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 824
--S 825 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 825
)clear all
--S 826 of 1396
t0:=x^{(7/2)}*(A+B*x)*(a+c*x^2)^2
--R
--R
             28 27 6 5 24 23 +-+
--R
--R
    (1) (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a x )\|x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 826
--S 827 of 1396
r0:=2/9*a^2*A*x^(9/2)+2/11*a^2*B*x^(11/2)+4/13*a*A*c*x^(13/2)+_
    4/15*a*B*c*x^(15/2)+2/17*A*c^2*x^(17/2)+2/19*B*c^2*x^(19/2)
--R
--R
--R
     (2)
                   2 9
                                                 7
--R
                               2 8
          218790B c x + 244530A c x + 554268B a c x + 639540A a c x
--R
--R
--R
                   2 5
--R
         377910B a x + 461890A a x
--R
--R
         +-+
--R
         \|x
--R /
--R
       2078505
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 827
```

```
--S 828 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                   2 9 2 8
--R
          218790B c x + 244530A c x + 554268B a c x + 639540A a c x
--R
--R
                               2 4
--R
                   2 5
--R
          377910B a x + 461890A a x
--R
--R
--R
         \|x
--R /
--R
       2078505
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 828
--S 829 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 829
--S 830 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 830
)clear all
--S 831 of 1396
t0:=x^{(5/2)}*(A+B*x)*(a+c*x^2)^2
--R
--R
--R
            27 26 5
                                            4
                                                  2 3
                                                            2 2 +-+
--R.
    (1) (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a x )\|x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 831
--S 832 of 1396
r0:=2/7*a^2*A*x^(7/2)+2/9*a^2*B*x^(9/2)+4/11*a*A*c*x^(11/2)+_
    4/13*a*B*c*x^(13/2)+2/15*A*c^2*x^(15/2)+2/17*B*c^2*x^(17/2)
```

```
--R
--R
     (2)
                  28 27
--R
                                                 6
           90090B c x + 102102A c x + 235620B a c x + 278460A a c x
--R
--R
--R
                                 2 3
                   2 4
--R
          170170B a x + 218790A a x
--R
--R
          +-+
--R
         \|x
--R
--R
       765765
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 832
--S 833 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                  2 8 2 7
--R
           90090B c x + 102102A c x + 235620B a c x + 278460A a c x
--R
                   2 4
--R
                                 2 3
--R
          170170B a x + 218790A a x
--R
--R
          +-+
--R
         \|x
--R /
--R
       765765
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 833
--S 834 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 834
--S 835 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 835
)clear all
```

```
--S 836 of 1396
t0:=x^{(3/2)*(A+B*x)*(a+c*x^2)^2}
--R
--R
            26 25 4
                                        3 22
--R
--R (1) (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a x) \setminus |x|
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 836
--S 837 of 1396
r0:=2/5*a^2*A*x^(5/2)+2/7*a^2*B*x^(7/2)+4/9*a*A*c*x^(9/2)+_
    4/11*a*B*c*x^(11/2)+2/13*A*c^2*x^(13/2)+2/15*B*c^2*x^(15/2)
--R
--R
--R
    (2)
               2 7 2 6 5
--R
--R
          6006B c x + 6930A c x + 16380B a c x + 20020A a c x + 12870B a x
--R
--R
                  2 2
          18018A a x
--R
--R
--R
         +-+
--R
         \|x
--R /
--R
       45045
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 837
--S 838 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                2 7 2 6
--R
                                             5
          6006B c x + 6930A c x + 16380B a c x + 20020A a c x + 12870B a x
--R
--R
--R
                  2 2
--R
          18018A a x
--R
--R
--R
         \|x
--R /
--R
       45045
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 838
--S 839 of 1396
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 839
--S 840 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 840
)clear all
--S 841 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^2*sqrt(x)
--R
--R
--R
            25 24 3 2 2
--R
    (1) (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a )\|x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 841
--S 842 of 1396
r0:=2/3*a^2*A*x^(3/2)+2/5*a^2*B*x^(5/2)+4/7*a*A*c*x^(7/2)+_
    4/9*a*B*c*x^(9/2)+2/11*A*c^2*x^(11/2)+2/13*B*c^2*x^(13/2)
--R
--R
--R (2)
               2 6 2 5
--R
--R
          6930B c x + 8190A c x + 20020B a c x + 25740A a c x + 18018B a x
--R
--R
--R
          30030A a x
--R
--R
         +-+
--R
         \|x
--R
--R
       45045
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 842
--S 843 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                 2 6 2 5
--R
           6930B c x + 8190A c x + 20020B a c x + 25740A a c x + 18018B a x
--R
```

```
--R
--R
--R
         30030A a x
--R
--R
         +-+
--R
        \|x
--R /
--R
       45045
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 843
--S 844 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 844
--S 845 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 845
)clear all
--S 846 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^2/sqrt(x)
--R
--R
           25 24 3 2 2
--R
--R
       Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa
--R (1) -----
--R
                               +-+
--R
                              \|x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 846
--S 847 of 1396
r0:=2/3*a^2*B*x^(3/2)+4/5*a*A*c*x^(5/2)+4/7*a*B*c*x^(7/2)+_
    2/9*A*c^2*x^(9/2)+2/11*B*c^2*x^(11/2)+2*a^2*A*sqrt(x)
--R
--R
--R (2)
             2 5 2 4
--R
--R
         630B c x + 770A c x + 1980B a c x + 2772A a c x + 2310B a x
--R
```

```
--R
--R
            6930A a
--R
--R
          +-+
--R
         \|x
--R /
--R
        3465
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 847
--S 848 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
      (3)
--R
                 2 5
                      2 4
                                              3
--R
           630B c x + 770A c x + 1980B a c x + 2772A a c x + 2310B a x
--R
--R
--R
           6930A a
--R
--R
          +-+
--R
         \|x
--R /
--R
        3465
--R
                                           Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 848
--S 849 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 849
--S 850 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 850
)clear all
--S 851 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^2/x^3(3/2)
--R
--R
```

```
25 24 3 2 2 2
--R
--R
        --R
   (1) -----
--R
                             +-+
--R
                            x|/x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 851
--S 852 of 1396
r0:=4/3*a*A*c*x^(3/2)+4/5*a*B*c*x^(5/2)+2/7*A*c^2*x^(7/2)+_
    2/9*B*c^2*x^(9/2)-2*a^2*A/sqrt(x)+2*a^2*B*sqrt(x)
--R
--R
                          3 2 2
--R
           25 24
--R
        70B c x + 90A c x + 252B a c x + 420A a c x + 630B a x - 630A a
--R
--R
--R
                                315\|x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 852
--S 853 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
            25 24 3 2 2
--R
--R
        70B c x + 90A c x + 252B a c x + 420A a c x + 630B a x - 630A a
--R
--R
--R
                                315\|x
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 853
--S 854 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 854
--S 855 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 855
)clear all
```

```
--S 856 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^2/x^(5/2)
--R
--R
        25 24 3 2 2 2
--R
--R
      Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa
--R (1) -----
--R
                        2 +-+
--R
                        x \mid x
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 856
--S 857 of 1396
r0:=-2/3*a^2*A/x^(3/2)+4/3*a*B*c*x^(3/2)+2/5*A*c^2*x^(5/2)+_
   2/7*B*c^2*x^(7/2)-2*a^2*B/sqrt(x)+4*a*A*c*sqrt(x)
--R
--R
--R
         25 24 3 2 2
--R
      30B c x + 42A c x + 140B a c x + 420A a c x - 210B a x - 70A a
--R (2) ------
--R
                              +-+
--R
                            105x\|x
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 857
--S 858 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         25 24 3 2 2
--R
--R
      30B c x + 42A c x + 140B a c x + 420A a c x - 210B a x - 70A a
--R (3) ------
--R
--R
                            105x\|x
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 858
--S 859 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 859
--S 860 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 860
)clear all
--S 861 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^2/x^(7/2)
--R
--R
--R
                2 4
                           3
           2 5
                                     2
                                           2
--R
        Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa
   (1) -----
--R
--R
                            3 +-+
--R
                            x \mid x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 861
--S 862 of 1396
r0:=-2/5*a^2*A/x^(5/2)-2/3*a^2*B/x^(3/2)+2/3*A*c^2*x^(3/2)+_
    2/5*B*c^2*x^(5/2)-4*a*A*c/sqrt(x)+4*a*B*c*sqrt(x)
--R
--R
           2 5 2 4
                                              2
--R
        6B c x + 10A c x + 60B a c x - 60A a c x - 10B a x - 6A a
--R
--R
                                2 +-+
--R
                              15x \|x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 862
--S 863 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
           2 5 2 4 3
--R
                                         2
--R
       6B c x + 10A c x + 60B a c x - 60A a c x - 10B a x - 6A a
   (3) -----
--R
--R
                                2 +-+
--R
                              15x \|x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 863
--S 864 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 864
```

```
--S 865 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 865
)clear all
--S 866 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^2/x^(9/2)
--R
--R
--R
         25 24 3 2 2 2
--R
     Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa
--R (1) -----
--R
                          4 +-+
--R
                         x \mid x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 866
--S 867 of 1396
r0:=-2/7*a^2*A/x^(7/2)-2/5*a^2*B/x^(5/2)-4/3*a*A*c/x^(3/2)+_
   2/3*B*c^2*x^(3/2)-4*a*B*c/sqrt(x)+2*A*c^2*sqrt(x)
--R
--R
                        3 2 2
--R
           2 5 2 4
--R
       70B c x + 210A c x - 420B a c x - 140A a c x - 42B a x - 30A a
--R
   (2) -----
--R
                                3 +-+
--R
                             105x \|x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 867
--S 868 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          2 5 2 4 3
                                  2
--R
--R
       70B c x + 210A c x - 420B a c x - 140A a c x - 42B a x - 30A a
--R (3) ------
--R
                                3 +-+
--R
                             105x \|x
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 868
--S 869 of 1396
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 869
--S 870 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 870
)clear all
--S 871 of 1396
t0:=x^{(7/2)}*(A+B*x)*(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
--R
         3 10 3 9 2 8 2 7 2 6 2 5 3 4
--R
      Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R
--R
        3 3
       Aax
--R
--R *
--R
       +-+
--R
      \|x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 871
--S 872 of 1396
r0:=2/9*a^3*A*x^(9/2)+2/11*a^3*B*x^(11/2)+6/13*a^2*A*c*x^(13/2)+_
    2/5*a^2*B*c*x^(15/2)+6/17*a*A*c^2*x^(17/2)+6/19*a*B*c^2*x^(19/2)+_
    2/21*A*c^3*x^(21/2)+2/23*B*c^3*x^(23/2)
--R.
--R
--R
    (2)
                          3 10
--R
                  3 11
          29099070B c x + 31870410A c x + 105675570B a c x
--R
--R
--R
                     2 8
                             2 7
--R
         118107990A a c x + 133855722B a c x + 154448910A a c x
--R
--R
                   3 5
                                  3 4
        60843510B a x + 74364290A a x
--R
--R
--R
        +-+
--R
        \|x
```

```
--R /
--R 334639305
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 872
--S 873 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                  3 11 3 10
         29099070B c x + 31870410A c x + 105675570B a c x
--R
--R
                             2 7
--R
                    2 8
--R
         118107990A a c x + 133855722B a c x + 154448910A a c x
--R
--R
                  3 5
                                3 4
        60843510B a x + 74364290A a x
--R
--R
--R
        +-+
--R
        \|x
--R /
--R
      334639305
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 873
--S 874 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 874
--S 875 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 875
)clear all
--S 876 of 1396
t0:=x^{(5/2)}*(A+B*x)*(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
        3 9 3 8 2 7 2 6 2 5 2 4 3 3
--R
```

```
--R
       Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R
--R
          3 2
--R
         Аах
--R *
--R
        +-+
--R
       x | /
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 876
--S 877 of 1396
r0:=2/7*a^3*A*x^(7/2)+2/9*a^3*B*x^(9/2)+6/11*a^2*A*c*x^(11/2)+_
    6/13*a^2*B*c*x^(13/2)+2/5*a*A*c^2*x^(15/2)+6/17*a*B*c^2*x^(17/2)+_
    2/19*A*c^3*x^(19/2)+2/21*B*c^3*x^(21/2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                    3 10
                                   3 9
                                                    2 8
--R
           1385670B c x + 1531530A c x + 5135130B a c x + 5819814A a c x
--R
--R
                                    2 5
                                                     3 4
--R
           6715170B \ a \ c \ x + 7936110A \ a \ c \ x + 3233230B \ a \ x + 4157010A \ a \ x
--R
--R
         +-+
--R
         \|x
--R /
--R
       14549535
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 877
--S 878 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                    3 10 3 9
--R
                                                    28
--R
           1385670B c x + 1531530A c x + 5135130B a c x + 5819814A a c x
--R
--R
                                     2 5
                                                     3 4
--R
           6715170B a c x + 7936110A a c x + 3233230B a x + 4157010A a x
--R
--R
         +-+
--R
         \|x
--R /
--R
       14549535
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 878
--S 879 of 1396
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 879
--S 880 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 880
)clear all
--S 881 of 1396
t0:=x^{(3/2)}*(A+B*x)*(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
--R
          38 37 26 25 24 23 32
--R
       Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R
--R
         3
--R
        Аах
--R *
--R
       +-+
--R
       \|x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 881
--S 882 of 1396
r0:=2/5*a^3*A*x^(5/2)+2/7*a^3*B*x^(7/2)+2/3*a^2*A*c*x^(9/2)+_
    6/11*a^2*B*c*x^(11/2)+6/13*a*A*c^2*x^(13/2)+2/5*a*B*c^2*x^(15/2)+_
    2/17*A*c^3*x^(17/2)+2/19*B*c^3*x^(19/2)
--R
--R
--R
     (2)
                              3 8
--R
                 3 9
                                              2 7
--R
          510510B c x + 570570A c x + 1939938B a c x + 2238390A a c x
--R
--R
                   2 5
                                   2 4
                                           3 3
          2645370B a c x + 3233230A a c x + 1385670B a x + 1939938A a x
--R
--R
--R
         +-+
--R
        \|x
--R /
--R
       4849845
--R
                                                Type: Expression(Integer)
```

```
--E 882
--S 883 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
     (3)
--R
--R
                                3 8
                                                  2 7
--R
         510510B c x + 570570A c x + 1939938B a c x + 2238390A a c x
--R
--R
                                               3 3
                                    2 4
          2645370B a c x + 3233230A a c x + 1385670B a x + 1939938A a x
--R
--R
--R
--R
         \|x
--R /
--R
       4849845
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 883
--S 884 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 884
--S 885 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 885
)clear all
--S 886 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^3*sqrt(x)
--R
--R
--R
    (1)
--R
           37 36 25 24 23 22 3
--R
          B \ c \ x \ + A \ c \ x \ + 3B \ a \ c \ x \ + 3A \ a \ c \ x \ + 3B \ a \ c \ x \ + 3A \ a \ c \ x \ + B \ a \ x 
--R
--R
            3
--R
         A a
--R *
--R
        +-+
```

```
--R
       \|x
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 886
--S 887 of 1396
r0:=2/3*a^3*A*x^(3/2)+2/5*a^3*B*x^(5/2)+6/7*a^2*A*c*x^(7/2)+_
     2/3*a^2*B*c*x^(9/2)+6/11*a*A*c^2*x^(11/2)+6/13*a*B*c^2*x^(13/2)+_
     2/15*A*c^3*x^(15/2)+2/17*B*c^3*x^(17/2)
--R
--R
--R
      (2)
--R
                               3 7
                                                 2 6
                   3 8
           30030B c x + 34034A c x + 117810B a c x + 139230A a c x
--R
--R
--R
                                  2 3
                                                   3 2
--R
          170170B a c x + 218790A a c x + 102102B a x + 170170A a x
--R
--R
          +-+
--R
         \|x
--R /
--R
        255255
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 887
--S 888 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
      (3)
                                       2 6
                   3 8 3 7
--R
                                                                 2 5
           30030B c x + 34034A c x + 117810B a c x + 139230A a c x
--R
--R
--R
--R
           170170B a c x + 218790A a c x + 102102B a x + 170170A a x
--R
--R
          +-+
--R
         \|x
--R
--R
        255255
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 888
--S 889 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 889
```

```
--S 890 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 890
)clear all
--S 891 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^3/sqrt(x)
--R
--R
--R
     (1)
--R
           3 7
                  3 6
                              25 24 23 22
--R
          B \ c \ x \ + A \ c \ x \ + 3B \ a \ c \ x \ + 3B \ a \ c \ x \ + 3A \ a \ c \ x \ + B \ a \ x 
--R
--R
            3
--R
         A a
--R /
--R
--R
       x|/
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 891
--S 892 of 1396
r0:=2/3*a^3*B*x^(3/2)+6/5*a^2*A*c*x^(5/2)+6/7*a^2*B*c*x^(7/2)+_
    2/3*a*A*c^2*x^(9/2)+6/11*a*B*c^2*x^(11/2)+2/13*A*c^3*x^(13/2)+_
    2/15*B*c^3*x^(15/2)+2*a^3*A*sqrt(x)
--R
--R
--R
     (2)
                 3 7 3 6 2 5
--R
                                                          2 4
--R
           2002B c x + 2310A c x + 8190B a c x + 10010A a c x + 12870B a c x
--R
--R
                 2 2
                               3
--R
          18018A a c x + 10010B a x + 30030A a
--R
--R
--R
         \|x
--R /
--R
       15015
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 892
--S 893 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
(3)
--R
                              2 5
              3 7 3 6
                                           2 4
--R
--R
         2002B c x + 2310A c x + 8190B a c x + 10010A a c x + 12870B a c x
--R
                2 2 3 3
--R
--R
         18018A a c x + 10010B a x + 30030A a
--R
--R
--R
        \|x
--R /
--R
      15015
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 893
--S 894 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 894
--S 895 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 895
)clear all
--S 896 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^3/x^3/2
--R
--R
--R
    (1)
          3 7
                 3 6
--R
                                     24 23 22
                           2 5
       Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R
--R
--R
          3
--R
        A a
--R /
--R
        +-+
--R
      x|/x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 896
--S 897 of 1396
r0:=2*a^2*A*c*x^(3/2)+6/5*a^2*B*c*x^(5/2)+6/7*a*A*c^2*x^(7/2)+_
```

```
2/3*a*B*c^2*x^(9/2)+2/11*A*c^3*x^(11/2)+2/13*B*c^3*x^(13/2)-_
    2*a^3*A/sqrt(x)+2*a^3*B*sqrt(x)
--R
--R
--R (2)
               3 7 3 6
--R
                                        2 5
                                                        2 4
         2310B c x + 2730A c x + 10010B a c x + 12870A a c x + 18018B a c x
--R
--R
               2 2 3
--R
         30030A a c x + 30030B a x - 30030A a
--R
--R /
--R
--R
       15015\|x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 897
--S 898 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
              3 7 3 6 2 5 2 4
--R
--R
         2310B c x + 2730A c x + 10010B a c x + 12870A a c x + 18018B a c x
--R
--R
         30030A \ a \ c \ x + 30030B \ a \ x - 30030A \ a
--R
--R /
--R
--R
       15015\|x
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 898
--S 899 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 899
--S 900 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 900
)clear all
```

```
--S 901 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^3/x^(5/2)
--R
--R
--R (1)
                 3 6 2 5 2 4 2 3 2 2
--R
           3 7
--R
       Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R
           3
--R
--R
        Аa
--R /
       2 +-+
--R
--R
      x \mid x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 901
--S 902 of 1396
r0:=-2/3*a^3*A/x^(3/2)+2*a^2*B*c*x^(3/2)+6/5*a*A*c^2*x^(5/2)+_
    6/7*a*B*c^2*x^(7/2)+2/9*A*c^3*x^(9/2)+2/11*B*c^3*x^(11/2)-_
    2*a^3*B/sqrt(x)+6*a^2*A*c*sqrt(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
             37 36 25 24 23
--R
        630B c x + 770A c x + 2970B a c x + 4158A a c x + 6930B a c x
--R
--R
--R
        20790A a c x - 6930B a x - 2310A a
--R /
--R
           +-+
      3465x\|x
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 902
--S 903 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                 3 6 2 5
--R
                                               2 4
        630B c x + 770A c x + 2970B a c x + 4158A a c x + 6930B a c x
--R
--R
--R.
              2 2
                          3
--R
        20790A a c x - 6930B a x - 2310A a
--R /
--R
           +-+
--R
      3465x\|x
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 903
```

```
--S 904 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 904
--S 905 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 905
)clear all
--S 906 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^3/x^(7/2)
--R
--R
--R (1)
--R
         37 36 25 24 23 22 3
--R
      Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R
--R
          3
--R
        Аa
--R /
--R
      3 +-+
--R
      x \mid x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 906
--S 907 of 1396
r0:=-2/5*a^3*A/x^(5/2)-2/3*a^3*B/x^(3/2)+2*a*A*c^2*x^(3/2)+_
    6/5*a*B*c^2*x^(5/2)+2/7*A*c^3*x^(7/2)+2/9*B*c^3*x^(9/2)-_
    6*a^2*A*c/sqrt(x)+6*a^2*B*c*sqrt(x)
--R
--R
--R
     (2)
                                2 5
--R
           3 7 3 6
                                            2 4
--R
        70B c x + 90A c x + 378B a c x + 630A a c x + 1890B a c x
--R
--R
            2 2 3
        - 1890A a c x - 210B a x - 126A a
--R
--R /
--R
         2 +-+
--R
      315x \|x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 907
--S 908 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
           37 36 25 24
--R
--R
       70B c x + 90A c x + 378B a c x + 630A a c x + 1890B a c x
--R
--R
               2 2
                          3
       - 1890A a c x - 210B a x - 126A a
--R
--R /
        2 +-+
--R
--R
      315x \|x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 908
--S 909 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 909
--S 910 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 910
)clear all
--S 911 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^3/x^(9/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
          3 7 3 6
                          2 5
                                     2 4 2 3 2 2
--R
        Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R
--R
          3
--R
        A a
--R /
--R
      4 +-+
--R
      x \mid x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 911
--S 912 of 1396
\texttt{r0:=-2/7*a^3*A/x^(7/2)-2/5*a^3*B/x^(5/2)-2*a^2*A*c/x^(3/2)+\_}
    2*a*B*c^2*x^(3/2)+2/5*A*c^3*x^(5/2)+2/7*B*c^3*x^(7/2)-_
    6*a^2*B*c/sqrt(x)+6*a*A*c^2*sqrt(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
            3 7 3 6
                                 2 5
                                              2 4
                                                        2 3
--R
        10B c x + 14A c x + 70B a c x + 210A a c x - 210B a c x - 70A a c x
--R
--R
             3
        - 14B a x - 10A a
--R
--R /
--R
         3 +-+
--R
       35x \|x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 912
--S 913 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
             37 36 25 24 23 22
--R
       10B c x + 14A c x + 70B a c x + 210A a c x - 210B a c x - 70A a c x
--R
--R
              3
--R
       - 14B a x - 10A a
--R /
         3 +-+
--R
--R
       35x \|x
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 913
--S 914 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 914
--S 915 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
```

```
--E 915
)clear all
--S 916 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^3/x^(11/2)
--R
--R
--R (1)
--R
         3 7
                3 6 2 5
                                    24 2 3
--R
       Bcx + Acx + 3Bacx + 3Aacx + 3Bacx + 3Aacx + Bax
--R
--R
      A a
--R
--R /
--R
      5 +-+
--R
      x \mid x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 916
--S 917 of 1396
r0:=-2/9*a^3*A/x^(9/2)-2/7*a^3*B/x^(7/2)-6/5*a^2*A*c/x^(5/2)-_
    2*a^2*B*c/x^(3/2)+2/3*A*c^3*x^(3/2)+2/5*B*c^3*x^(5/2)-_
    6*a*A*c^2/sqrt(x)+6*a*B*c^2*sqrt(x)
--R
--R
--R
    (2)
--R
             3 7 3 6 2 5
                                       2 4 2 3
--R
        126B c x + 210A c x + 1890B a c x - 1890A a c x - 630B a c x
--R
              2 2 3
--R
--R
      - 378A a c x - 90B a x - 70A a
--R /
--R
        4 +-+
--R
      315x \|x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 917
--S 918 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R.
           3 7 3 6 2 5 2 4 2 3
--R
        126B c x + 210A c x + 1890B a c x - 1890A a c x - 630B a c x
--R
--R
          2 2 3 3
--R
        - 378A a c x - 90B a x - 70A a
--R /
        4 +-+
--R
```

```
--R
      315x \|x
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 918
--S 919 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 919
--S 920 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 920
)clear all
--S 921 of 1396
t0:=x^{(5/2)*(A+B*x)/(a+c*x^2)}
--R
--R
           3 2 +-+
--R
--R
     (B x + A x) | x
--R
    (1) -----
          2
--R
          c x + a
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 921
--S 922 of 1396
r0:=2/3*A*x^{(3/2)/c+2/5*B*x^{(5/2)/c-(-a)^{(3/4)}*atan(c^{(1/4)*_-)}}
    atanh(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(B*sqrt(-a)+A*sqrt(c))/c^{(9/4)}-_
    2*a*B*sqrt(x)/c^2
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                              4+-+ +-+
              4+---+3 +-+ +---+3
--R.
                                              \|c \|x
--R
       (- 15A \|- a \|c - 15B\|- a \|- a )atanh(-----)
                                               4+---+
--R
--R
                                               \|- a
--R
--R
                                            4+-+ +-+
            4+---+3 +-+ +---+3
                                            \|c \|x
--R
```

```
(15A \|- a \|c - 15B\|- a \|- a )atan(-----)
--R
--R
                                         4+---+
--R
                                         \|- a
--R
--R
           2
                             4+-+ +-+
--R
        (6B c x + 10A c x - 30B a) | c | x
--R /
--R
        2 4+-+
--R
      15c \|c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 922
--S 923 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
--R
--R
               | | 432 224 45
--R
               | 4 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
               |2c |----- + 2A B a
--R
                             9
              1 1
--R
              2 | \|
                              4c
--R
            15c |-----
--R
--R
               \backslash I
--R
--R
           log
--R
                      | 432 224 45
--R
--R
                     7 | - A a c + 2A B a c - B a
                                              2 2 3 3 3 2
--R
                 (2A c |----- - A B a c + B a c )
--R
                                 9
                      - [
--R
                      \backslash I
                                 4c
--R
--R
--R
                     | 432 224 45
--R
--R
                  | 4 | - A a c + 2A B a c - B a
--R
                  |2c |----- + 2A B a
--R
                     - 1
                                 9
--R
                  1 \1
                          4c
                  |-----
--R
                                4
--R
--R
                 \backslash I
--R
                 4 2 2 4 4 +-+
--R
                (A a c - B a) \setminus |x|
--R
```

```
--R
--R
--R
          --R
--R
--R
          9
2 | \| 4c
--R
--R
--R
       15c |-----
--R
          - 1
--R
          \backslash I
--R
--R
       log
--R
--R
               | 432 224 45
--R
               7 |- A a c + 2A B a c - B a 2 2 3 3 3 2
--R
            (2A c \mid ----- + A B a c - B a c )
--R
               - 1
                    9
--R
               XI.
                       4c
--R
--R
--R
--R
            | | 4 3 2 2 2 4 4 5
            | 4 |- A a c + 2A B a c - B a 2
--R
--R
            9
\| 4c
--R
--R
--R
--R
            1
                         4
                         С
--R
            \backslash I
--R
--R
            4 2 2 4 4 +-+
--R
          (A a c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
               | 432 224 45
--R
            | 4 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
            |- 2c |----- + 2A B a
--R
--R
                --R
           2 | \| 4c
--R
         15c |-----
                        4
--R
           - 1
--R
           \backslash I
--R
         log
--R
--R
--R
                   | 432 224 45
                  7 \mid - A a c + 2A B a c - B a 2 2 3 3 3 2
--R
```

```
(- 2A c |----- - A B a c + B a c )
--R
                       9
4c
--R
                   1
--R
                   \ |
--R
--R
              | +-----+
| 4 3 2 2 2 4 4 5
--R
--R
              | 4 | - A a c + 2A B a c - B a
--R
              |- 2c |----- + 2A B a
--R
              | 9
--R
--R
                \| 4c
--R
                          4
--R
--R
--R
--R
             4 2 2 4 4 +-+
--R
             (A a c - B a )\|x
--R
--R
--R
--R
          | | 4 3 2 2 2 4 4 5
          | 4 |- A a c + 2A B a c - B a 2
--R
--R
          |2c |----- + 2A B a
         --R
--R
       15c |-----
--R
--R
--R
          \backslash I
--R
--R
       log
--R
                 | 432 224 45
--R
                7 |- A a c + 2A B a c - B a 2 2 3 3 3 2
--R
--R
            (- 2A c |----- + A B a c - B a c )
--R
                 1 9
--R
                 \ |
                         4c
--R
--R
--R
              | 432 224 45
--R
--R
             | 4 | - Aac + 2ABac - Ba
--R
            |2c |----- + 2A B a
--R
            | \| 4c
--R
--R
                        4
--R
--R
            \backslash I
--R
--R
            4 2 2 4 4 +-+
           (A a c - B a )\|x
--R
```

```
--R +
       2
--R
      (12B c x + 20A c x - 60B a)\
--R
--R /
      2
--R
--R
      30c
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 923
--S 924 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
--R
                  | | 432 224 45
--R
--R
                  | 4 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
--R
                             9
--R
            2 4+-+ | \|
            c \|c |-----
--R
                                4
--R
                  --R
                 \backslash I
--R
--R
           log
--R
                      | 432 224 45
--R
                     7 |- A a c + 2A B a c - B a 2 2 3 3 3 2
--R
                  (2A c |----- - A B a c + B a c )
--R
                      9
--R
--R
--R
--R
--R
                    | 432 224 45
--R
--R
                  | 4 | - A a c + 2A B a c - B a
--R
--R
                               4c
                    NΙ
--R
--R
--R
--R
                 \backslash I
--R
                 4 2 2 4 4 +-+
--R
--R
                (A a c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
        9
2 4+-+ | \| 4c
--R
--R
--R
       c \|c |-----
           1 4
--R
--R
            \backslash I
--R
--R
       log
--R
               | 432 224 45
--R
            7 |- A a c + 2A B a c - B a 2 2 3 3 3 2 (2A c |------ + A B a c - B a c)
--R
--R
--R
               - 1
--R
               \backslash I
                        4c
--R
--R
            | +-----+
| 4 3 2 2 2 4 4 5
--R
--R
            | 4 |- A a c + 2A B a c - B a 2
--R
--R
            |- 2c |----- + 2A B a
            | | 9
--R
            | \| 4c
--R
            |-----
--R
                        4
c
--R
--R
            \backslash I
--R
--R
            4 2 2 4 4 +-+
--R
           (A a c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
              | | 432 224 45
--R
              | 4 |- A a c + 2A B a c - B a 2
--R
              |- 2c |----- + 2A B a
--R
          9
2 4+-+ | \| 4c
--R
--R
--R
         c \|c |-----
--R
              --R
              \backslash I
--R
--R
         log
--R
                   +----+
                  | 432 224 45
--R
                  7 | - A a c + 2A B a c - B a 2 2 3 3 3 2
--R
--R
              (- 2A c |----- - A B a c + B a c )
                  J 9
--R
                   \ I
                         4c
--R
```

```
--R
--R
               | +-----+
| | 4 3 2 2 2 4 4 5
| 4 | - A a c + 2A B a c - B a 2
--R
--R
--R
--R
                9 | 9 | 4c
--R
--R
--R
                              4
--R
--R
               \backslash I
--R
               4 2 2 4 4 +-+
--R
--R
              (Aac - Ba) \setminus |x|
--R
--R
--R
              | | 432 224 45
--R
              | 4 |- A a c + 2A B a c - B a 2
--R
--R
              |2c |----- + 2A B a
--R
         2 4+-+ | \| 4c
--R
--R
        c \|c |-----
             1
--R
                       4
--R
             \backslash I
--R
--R
        log
--R
                   | 432 224 45
--R
                  7 | - A a c + 2A B a c - B a 2 2 3 3 3 2
--R
                  (- 2A c |----- + A B a c - B a c )
--R
--R
--R
--R
--R
--R
              | | 432 224 45
--R
              | 4 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
              |2c |----- + 2A B a
--R
              --R
--R
--R
--R
             - 1
                        4
--R
             \backslash I
--R
--R
             4 2 2 4 4 +-+
--R
            (Aac - Ba) \setminus |x|
--R
--R
                                   4+-+ +-+
          4+--+3 +-+ +---+3
--R
                                  \|c \|x
```

```
(2A \mid -a \mid c + 2B \mid -a \mid -a) \operatorname{atanh}(-----)
--R
--R
                                                     4+---+
--R
                                                     \|- a
--R
                                                     4+-+ +-+
--R
                4+---+3 +-+
                                +---+4+---+3
--R
                                                     \|c \|x
          (-2A \parallel a \parallel c + 2B \parallel - a \parallel - a) atan(-----)
--R
--R
                                                      4+---+
--R
                                                      \|- a
--R /
--R
          2 4+-+
        2c \|c
--R
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--E 924
--S 925 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--E 925
)clear all
--S 926 of 1396
t0:=x^{(3/2)}*(A+B*x)/(a+c*x^2)
--R
--R
--R
                        +-+
               2
--R
           (B x + A x) \setminus |x
--R
     (1) -----
--R
                 2
--R
              cx + a
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--E 926
--S 927 of 1396
r0:=2/3*B*x^(3/2)/c+(-a)^(1/4)*atan(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4))*_
     (B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))/c^(7/4)-(-a)^(1/4)*atanh(c^(1/4)*__
     sqrt(x)/(-a)^{(1/4)}*(B*sqrt(-a)+A*sqrt(c))/c^{(7/4)}+2*A*sqrt(x)/c
--R
--R
--R
      (2)
--R
                                                   4+-+ +-+
               4+---+ +-+
                              +---+4+---+
--R
                                                   \|c \|x
          (-3A\|-a\|c-3B\|-a\|-a\)atanh(-----)
--R
--R
                                                    4+---+
--R
                                                    \|- a
--R
```

```
4+-+ +-+
--R
                                            4+-+3 +-+
         4+---+ +-+ +---+4+---+
--R
                                  \|c \|x
--R
       (-3A\|-a\|c + 3B\|-a \|-a \|atan(-----) + (2B x + 6A)\|c \|x
                                   4+---+
--R
--R
                                   \|- a
--R /
--R
      4+-+3
--R
     3c \|c
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 927
--S 928 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
--R
           | | 4 2 222 43
--R
--R
          | 3 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
          |2c |----- - 2A B a
--R
                       7
          1 1
--R
         1 \1
                4c
--R
                      3
--R
--R
          \backslash I
                          С
--R
--R
        log
--R
--R
                  | 4 2 222 43
              --R
--R
                       7
--R
--R
                  M
                           4c
--R
--R
--R
                | 4 2 222 43
--R
              | 3 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
--R
              |2c |----- - 2A B a
--R
              - 1
--R
              | \| 4c
--R.
                             3
--R
--R
             \ |
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (A c - B a )\
--R
--R
```

```
--R
--R
              | 4 2 222 43
--R
--R
           | 3 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
           1 7
--R
             \1
--R
                      4c
--R
--R
                      3
--R
          \mathbf{I}
                        С
--R
--R
         log
--R
                  | 4 2 222 43
--R
             | 4 2 222 43

5 |- Aac + 2A Bac - Ba 33 2 2

(2B c |------+ A c - A Bac)
--R
--R
--R
                 --R
                 M
                         4c
--R
--R
--R
--R
                 | 4 2 222 43
--R
              | 3 |- A a c + 2A B a c - B a
              |- 2c |----- - 2A B a
--R
                7
\| 4c
--R
--R
--R
--R
                         3
--R
             \backslash I
                           С
--R
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
            (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
            | 4 2 222 43
--R
         | 3 |- A a c + 2A B a c - B a
         --R
           1
--R
            \| 4c
--R
--R
                     3
--R
--R
        С
--R
--R
       log
--R
                 | 4 2 222 43
--R
            --R
--R
--R
                 7
```

```
\| 4c
--R
--R
--R
--R
            --R
--R
            | 3 |- A a c + 2A B a c - B a
            --R
                    7
4c
--R
            1 1
--R
             NΙ
--R
                       3
--R
                        С
--R
--R
           4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
           | | 4 2 222 43
--R
--R
           | 3 | - A a c + 2A B a c - B a
--R
           |2c |----- - 2A B a
           | | 7
--R
          | \| 4c
--R
         3c |-----
--R
                   3
--R
--R
          \backslash I
--R
--R
         log
--R
                   +----+
                  | 4 2 222 43
--R
                 5 |- A a c + 2A B a c - B a 3 3 2 2
--R
             (- 2B c |----- + A c - A B a c )
--R
                 7
--R
--R
                  \backslash I
                         4c
--R
--R
--R
               | 4 2 222 43
--R
              | 3 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
              |2c |----- - 2A B a
--R
                    7
--R
              1 1
                   4c
--R
              1 \1
--R
                      3
c
--R
--R
             XI.
--R
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
            (A c - B a) \setminus |x|
--R
```

```
--R
--R (4B x + 12A)\|x
--R /
--R 6c
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 928
--S 929 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
--R
               | 4 2 222 43
--R
             | 3 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
             |2c |----- - 2A B a
--R
             1 1
                          7
         4+-+3 | \| 4c
--R
        c \|c ||-----
--R
--R
             - 1
--R
             \backslash I
                            С
--R
--R
        log
--R
--R
                 | 4 2 222 43
             3 3 2 2
--R
--R
--R
                 - 1
                          7
--R
                 \backslash I
                          4c
--R
--R
--R
--R
              | | 4 2 222 43
--R
              | 3 | - A a c + 2A B a c - B a
             |2c |---- - 2A B a
--R
             1 1
--R
                         7
             1 \1
                        4c
--R
--R
--R
--R
             \mathbf{I}
--R
--R
             4 2 4 2 +-+
           (A c - B a )\|x
--R
--R
--R
--R
                      -----+
--R
                   | 4 2 222 43
--R
               | 3 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
```

```
|- 2c |----- - 2A B a
--R
                      7
4c
           | | |
4+-+3 | \|
--R
--R
--R
          c \|c |-----
--R
               - 1
                            3
--R
               \backslash I
--R
--R
          log
--R
                  | 4 2 222 43
5 |- Aac + 2ABac - Ba 33 2 2
--R
--R
               (2B c |----- + A c - A B a c )
--R
                      7
--R
                  - 1
                            4c
                   \I
--R
--R
--R
                | +-----+
| 4 2 2 2 2 4 3
--R
--R
               | 3 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
--R
                --R
                   - 1
                        7
--R
                        4c
                  \1
--R
                            3
--R
--R
               \backslash I
                              С
--R
               4 2 4 2 +-+
--R
--R
              (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
             | +-----+
| 4 2 2 2 2 4 3
--R
--R
--R
              | 3 | - A a c + 2A B a c - B a
--R
             |- 2c |----- - 2A B a
             | | 7
--R
         4+-+3 | \|
                          4c
--R
--R
        c \|c ||-----
                          3
--R
             \backslash I
--R
                             С
--R
--R
        log
--R
--R
                   | 4 2 222 43
--R
                  5 |- A a c + 2A B a c - B a 3 3 2 2
             (- 2B c |----- - A c + A B a c )
--R
                       7
--R
                  - 1
--R
                  \backslash I
                            4c
--R
--R
--R
```

```
| 4 2 222 43
--R
               | 3 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
--R
               |- 2c |----- - 2A B a
               7 | 7 | 4c
--R
--R
--R
                            3
--R
--R
              \backslash I
                              С
--R
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
             (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
--R
                 | | 4 2 222 43
--R
                 | 3 | - A a c + 2A B a c - B a
--R
--R
--R
             4+-+3 | \|
           c \|c |-----
--R
--R
                              3
                 1
--R
                 \backslash I
--R
--R
           log
--R
                       | 4 2 222 43
--R
                      5 |- A a c + 2A B a c - B a 3 3 2 2
--R
--R
                 (- 2B c |----- + A c - A B a c )
                      7
\1 4c
--R
--R
--R
--R
--R
                 | | 4 2 222 43
--R
                 | 3 |- A a c + 2A B a c - B a
--R
--R
                 --R
--R
--R
--R
--R
                 \backslash I
--R
--R
                4 2 4 2 +-+
--R
               (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
                                   4+-+ +-+
          4+---+ +-+ +---+ \|c \|x
--R
--R
       (2A\|- a \|c + 2B\|- a \|- a ) a tanh (-----)
--R
                                    4+---+
```

```
\|- a
--R
--R
--R
                                            4+-+ +-+
            4+---+ +-+ +---+4+---+
--R
                                            \|c \|x
         (2A\|- a \|c - 2B\|- a \|- a )atan(-----)
--R
                                             4+---+
--R
--R
                                             \|- a
--R /
--R
          4+-+3
--R
       2c \|c
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 929
--S 930 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 930
)clear all
--S 931 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(x)/(a+c*x^2)
--R
--R
--R
--R
          (B x + A) \setminus |x|
--R
    (1) -----
--R
             2
--R
            c x + a
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 931
--S 932 of 1396
r0:=-atan(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))/_{-}
    ((-a)^(1/4)*c^(5/4))-atanh(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4))*(B*sqrt(-a)+_
    A*sqrt(c))/((-a)^(1/4)*c^(5/4))+2*B*sqrt(x)/c
--R
--R
--R
     (2)
--R.
                                  4+-+ +-+
                                                                   4+-+ +-+
--R.
             +-+ +---+
                                  \|c \|x
                                               +-+ +---+
                                                                   \|c \|x
--R
         (-A|c-B|-a)atanh(-----) + (A|c-B|-a)atan(-----)
                                                                    4+---+
                                  4+---+
--R
--R
                                  \|- a
                                                                    \|- a
--R
--R
           4+---+4+-+ +-+
--R
         2B = a \le x
```

```
--R /
--R 4+---+4+-+
    c\|- a \|c
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 932
--S 933 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
--R
            | 42 22 42
--R
--R
         | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
         |2c |----- + 2A B
--R
         1 1
         | \| 4a c
--R
--R
        c |-----
--R
--R
         \backslash I
--R
--R
        log
--R
                   | 42 22 42
--R
             2 2 3 2
--R
--R
                       5
--R
                   - 1
--R
                   \backslash I
                          4a c
--R
--R
--R
              | | 42 22 42
--R
              | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
              | | 5
--R
              | \| 4a c
--R
              |-----
--R
--R
--R
             \backslash I
--R
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
            (A c - B a) \setminus |x
--R
--R
--R
--R
--R
               | 42 22 42
            | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
            |- 2c |----- + 2A B
--R
```

```
--R
--R
--R
                      2
--R
          - 1
--R
          \mathbf{V}
                       С
--R
--R
         log
--R
--R
                    | 42 22 42
                                       2 2 3 2
--R
                   4 |- A c + 2A B a c - B a
--R
              (2A a c |----- + A B a c - B a c)
                      5
--R
                    - 1
                          4a c
--R
                    \I
--R
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
               | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
               |- 2c |----- + 2A B
               --R
--R
--R
                          2
--R
--R
              1/
                            С
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
--R
             (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
          | 42 22 42
--R
--R
         | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
         |- 2c |----- + 2A B
           | 5
\| 4a c
--R
--R
--R
                    2
--R
        - 1
--R
        11
--R
--R
        log
--R
--R
                   | 42 22 42
                  4 |- A c + 2A B a c - B a 2 2 3 2
--R
            (- 2A a c |----- - A B a c + B a c)
--R
                   5
\| 4a c
--R
--R
--R
--R
--R
                | 42 22 42
--R
```

```
| 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
              |- 2c |----- + 2A B
               --R
--R
              1
--R
                            2
              -1
--R
--R
              \backslash I
                              С
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
            (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
--R
--R
              | 42 22 42
--R
            | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
            |2c |----- + 2A B
--R
            5
--R
            1 \1
                    4a c
--R
--R
                        2
--R
            \backslash I
                           С
--R
--R
           log
--R
                        | 42 22 42
--R
                2 2 3 2
--R
--R
                                5
--R
                        - 1
--R
                        \backslash I
                                4a c
--R
--R
--R
                 | | 4 2 2 2 4 2
--R
                 | 2 |- A c + 2A B a c - B a
                 |2c |----- + 2A B
--R
                         5
--R
                    - 1
                          4a c
                   \1
--R
--R
                               2
--R
--R
                \backslash I
--R
                4 2 4 2 +-+
--R
--R
               (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
         +-+
--R
       4B \mid x
--R /
--R
      2c
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--Е 933
--S 934 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
--R
                | | 42 22 42
--R
--R
                | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
                |2c |----- + 2A B
        --R
--R
--R
        c\|- a \|c ||-----
                          2
c
--R
                --R
                \backslash I
--R
--R
        log
--R
                  | 42 22 42
--R
                  4 |- A c + 2A B a c - B a 2 2 3 2
--R
             (2A a c |----- - A B a c + B a c)
--R
                  5
\| 4ac
--R
--R
--R
--R
             | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
--R
              | 2 |- A c + 2A B a c - B a
              |2c |----- + 2A B
--R
             | | 5
| \| 4a c
--R
--R
--R
--R
                         2
--R
             \ |
                         С
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
            (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
                  | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
                  | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
                  |- 2c |----- + 2A B
--R
                  4+---+4+-+ | \| 4a c
--R
--R
          c\|- a \|c |-----
                              2
--R
                  - 1
```

```
M
--R
--R
--R
          log
--R
                    | 42 22 42
--R
                    4 | - A c + 2A B a c - B a 2 2 3 2
--R
               (2A a c |----- + A B a c - B a c)
--R
                    1 5
--R
--R
                    \ I
                           4a c
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
                  2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
                |- 2c |----- + 2A B
                   | 5
\| 4a c
--R
--R
--R
                           2
--R
--R
               \backslash I
--R
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
              (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
                2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
                |- 2c |----- + 2A B
        | | | 5
4+---+4+-+ | \| 4a c
--R
--R
--R
        c\|- a \|c |-----
                           2
--R
                --R
                M
--R
--R
        log
--R
                    | 42 22 42
--R
             4 | - A c + 2A B a c - B a 2 2 3 2
(- 2A a c | ------ - - A B a c + B a c)
--R
--R
--R
                    --R
                    \ |
                           4a c
--R
--R
              | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
              | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
             5
--R
              | \| 4a c
--R
```

```
--R
--R
               - 1
                              2
--R
               \backslash I
--R
--R
              4 2 4 2 +-+
             (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                       | 42 22 42
                     | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
                     |2c |----- + 2A B
--R
--R
--R
            4+---+4+-+ | \| 4a c
--R
            c\|- a \|c |-----
                                2
--R
                    - 1
--R
                    \backslash I
--R
--R
           log
--R
--R
                         | 42 22 42
--R
                        4 \mid -Ac + 2ABac - Ba 2 2 3 2
                                    ----- + A B a c - B a c)
--R
                 (- 2A a c |-----
                            5
--R
                          --R
                         \backslash I
                                  4a c
--R
--R
--R
--R
                  | | 42 22 42
                  | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
                  |2c |----- + 2A B
--R
                  --R
--R
                              2
--R
--R
                                 С
                 11
--R
                 4 2 4 2 +-+
--R
--R
                (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
                           4+-+ +-+
                                                          4+-+ +-+
--R
                 +---+
                           \|c \|x
                                         +-+ +---+
--R
        (2A|c + 2B|- a) atanh(-----) + (- 2A|c + 2B|- a) atan(-----)
                            4+---+
--R
                                                           4+---+
                            \|- a
                                                           \|- a
--R
--R /
--R
       4+---+4+-+
--R
      2c\|- a \|c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 934
--S 935 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 935
)clear all
--S 936 of 1396
t0:=(A+B*x)/((a+c*x^2)*sqrt(x))
--R
--R
--R
           B \times A
--R (1) -----
--R
           2 +-+
--R
        (c x + a) | x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 936
--S 937 of 1396
r0:=atan(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))/_
    ((-a)^(3/4)*c^(3/4))-atanh(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4))*(B*sqrt(-a)+_
    A*sqrt(c))/((-a)^(3/4)*c^(3/4))
--R
--R
                                --R
                                                                4+-+ +-+
             +-+ +---+
--R
                                                                \|c \|x
        (- A\|c - B\|- a )atanh(-----) + (- A\|c + B\|- a )atan(-----)
--R
--R
                                4+---+
--R
                                \|- a
                                                                 \|- a
--R
                                   4+---+3 4+-+3
--R
                                   \|- a \|c
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 937
--S 938 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
              |- A c + 2A B a c - B a
--R
```

```
|2a c |----- - 2A B
--R
         --R
--R
--R
--R
        \I
                  a c
--R
--R
        log
--R
--R
                 | 42 22 42
                                 3 2 2 2
--R
               3 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
            (2B a c |----- - A a c + A B a c)
                   3 3
4a c
--R
                 --R
                 \|
--R
--R
--R
            --R
--R
--R
            |2a c |----- - 2A B
            --R
--R
--R
            |-----
--R
                      a c
            \|
--R
--R
            4 2 4 2 +-+
           (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
           | 42 22 42
--R
--R
          |- A c + 2A B a c - B a
       |- 2a c |----- - 2A B
--R
       --R
--R
--R
--R
      1/
                  аc
--R
--R
      log
--R
               | 42 22 42
--R
                               3 2 2 2
--R
             3 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
          (2B a c |----- + A a c - A B a c)
--R
               3 3
--R
               \ I
                    4a c
--R
           +----+
--R
--R
               | 42 22 42
--R
           --R
           |- 2a c |----- - 2A B
--R
```

```
--R
--R
--R
--R
           \backslash I
                       a c
--R
--R
          4 2 4 2 +-+
--R
         (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
              | 42 22 42
--R
           | 42 22 -
|-Ac+2ABac-Ba
--R
         |- 2a c |----- - 2A B
--R
--R
            | 33
|\ 4ac
--R
--R
--R
         1/
                    ас
--R
--R
         log
--R
--R
                   | 42 22 42
             --R
--R
                   3 3
--R
--R
                   M
                          4a c
--R
--R
--R
             --R
--R
             |- 2a c |----- - 2A B
--R
             | 33
| \| 4ac
--R
--R
--R
--R
             \I
                         ас
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
            (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
       --R
--R
--R
       |2a c |----- - 2A B
       | | 3 3
--R
       | \| 4a c
--R
--R
--R
                 аc
       \ |
--R
```

```
--R
        log
--R
--R
                     | 42 22 42
                   3 2 |- A c + 2A B a c - B a
                                          3 2 2 2
--R
--R
              (- 2B a c |----- + A a c - A B a c)
--R
                               3 3
                     \backslash I
--R
                             4a c
--R
--R
--R
--R
                  | 42 22
--R
                  |-Ac+2ABac-Ba
              |2a c |----- - 2A B
--R
--R
                  - 1
                           3 3
--R
              1 \1
                         4a c
--R
--R
              \backslash I
                            a c
--R
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
            (A c - B a) \setminus |x
--R /
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 938
--S 939 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
--R
                         | 42 22 42
--R
--R
                        |-Ac+2ABac-Ba
--R
--R
                        - 1
                                  3 3
                                4a c
--R
           4+---+3 4+-+3 | \|
--R
           \|- a \|c |-----
--R
                    \backslash I
                                  ас
--R
--R
          log
--R
                      +----+
                      | 42 22 42
--R
--R
                   32 | - Ac + 2A B ac - B a
                                           3 2 2 2
                (2B a c |----- - A a c + A B a c)
--R
                          3 3
--R
                      - 1
--R
                     \I
                             4a c
--R
                +----+
--R
```

```
| +-----+
| | 42 22 42
| - Ac + 2ABac - Ba
--R
--R
--R
              |2a c |----- - 2A B
--R
             --R
--R
--R
--R
             \I
                        a c
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
                --R
--R
--R
                |- 2a c |----- - 2A B
       | | 3 3
4+---+3 4+-+3 | \| 4a c
--R
--R
       \|- a \|c ||-----
--R
--R
              \|
                           a c
--R
--R
       log
--R
                 | 42 22 42
--R
           3 2 |- A c + 2A B a c - B a 3 2 2 2 (2B a c |------+ A a c - A B a c)
--R
--R
                3 3
--R
--R
                \ |
                       4a c
--R
--R
--R
            --R
--R
            |- 2a c |----- - 2A B
--R
            --R
--R
--R
            _____
--R
           \ I
                        a c
--R
           4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
                     +----+
--R
                     | 42 22 42
--R
                  --R
--R
                  |- 2a c |----- - 2A B
                  | 33
--R
```

```
4+---+3 4+-+3 | \| 4a c
--R
--R
         \|- a \|c |-----
--R
              \| a c
--R
--R
        log
--R
                   | 42 22 42
--R
                 3 2 |- A c + 2A B a c - B a 3 2 2 2
--R
             (- 2B a c |----- - A a c + A B a c)
--R
                   3 3
--R
--R
                   M
                         4a c
--R
--R
--R
               | 42 22 42
|-Ac+2ABac-Ba
--R
--R
--R
             |- 2a c |----- - 2A B
             | 33
| \| 4ac
--R
--R
             |-----
--R
--R
             11
                        ас
--R
--R
            4 2 4 2 +-+
            (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
               --R
--R
               |2a c |----- - 2A B
--R
       | | 3 3
4+---+3 4+-+3 | \| 4a c
--R
--R
       \|- a \|c |-----
--R
--R
              NΙ
                         a c
--R
--R
       log
--R
                 | 42 22 42
--R
               3 2 |- A c + 2A B a c - B a 3 2 2 2
--R
           (- 2B a c |----- + A a c - A B a c)
--R
                    3 3
--R
                 --R
                 \I
                       4a c
--R
--R
            | +----+
--R
            | | 42 22 42
--R
            --R
--R
           |2a c |----- - 2A B
           | 33
| \| 4ac
--R
--R
```

```
--R
--R
                   \backslash I
                                      a c
--R
--R
                   4 2 4 2 +-+
--R
                 (A c - B a )\
--R
--R
                                   4+-+ +-+
                                                                        4+-+ +-+
--R
                                   \|c \|x
                                                                       \|c \|x
          (2A\c + 2B\c - a)atanh(-----) + (2A\c - 2B\c - a)atan(-----)
--R
                                    4+---+
                                                                         4+---+
--R
--R
                                    \|- a
                                                                         \|- a
--R /
         4+---+3 4+-+3
--R
--R
        2\|- a \|c
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 939
--S 940 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 940
)clear all
--S 941 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(3/2)}*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
              B \times A
--R
    (1) -----
            3 +-+
--R
          (c x + a x) | x
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 941
--S 942 of 1396
r0:=-atan(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))/_
     ((-a)^{(5/4)}*c^{(1/4)})-atanh(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)}*(B*sqrt(-a)+_
     A*sqrt(c))/((-a)^(5/4)*c^(1/4))-2*A/(a*sqrt(x))
--R.
--R
--R
      (2)
--R
                                     4+-+ +-+
--R
             +-+ +---+ +-+
--R
          (A \mid c + B \mid - a) \mid x \operatorname{atanh}(-----)
--R
                                      4+---+
--R
                                      \|- a
```

```
--R
--R
                             4+-+ +-+
                             --R
          +-+ +--+ +-+
        (- A\c + B\c - a )\x atan(-----) - 2A\c - a \c
--R
--R
                              4+---+
--R
                              \|- a
--R /
       4+---+4+-+ +-+
--R
--R
      a = a \le x \le x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 942
--S 943 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
--R
--R
                | | 4 2 2 2 4 2
--R
                | 2 |- A c + 2A B a c - B a
                |2a |----- + 2A B
--R
--R
               | | 5
                      4a c
             +-+ | \|
--R
--R
           a\|x |-----
                             2
--R
--R
               \backslash I
--R
--R
           log
--R
                       | 42 22 42
--R
                     4 |- A c + 2A B a c - B a 2 2 3 3
--R
                 (2A a c |----- - A B a c + B a )
--R
                       - 1
                                5
--R
                      \backslash \Gamma
                               4a c
--R
--R
--R
                    | 42 22 42
--R
                  | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
                  |2a |----- + 2A B
--R
                  1 |
                              5
                 | \| 4a c
--R
--R
                              2
--R
--R
                 \backslash I
--R
                 4 2 4 2 +-+
--R
               (A c - B a) \setminus |x|
--R
```

```
--R
--R
--R
           --R
--R
--R
           |- 2a |----- + 2A B
           J J 5
--R
         +-+ | \|
--R
                     4a c
       a\|x |-----
--R
                       2
--R
           - 1
--R
          \backslash I
                       a
--R
--R
       log
--R
--R
                 | 42 22 42
               4 |- A c + 2A B a c - B a 2 2 3 3
--R
--R
            (2A a c |----- + A B a c - B a )
                | 5
\| 4a c
--R
--R
--R
--R
             +----+
--R
--R
             | | 42 22 42
            | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
             |- 2a |----- + 2A B
              5
\| 4a c
--R
--R
--R
--R
            - 1
                         2
--R
            \backslash I
--R
           4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
                 | 42 22 42
--R
             2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
             |- 2a |----- + 2A B
--R
                 5
--R
          +-+ | \| 4a c
--R
         a\|x |-----
                        2
--R
            - 1
--R
            \backslash I
--R
         log
--R
--R
                    | 42 22 42
--R
                  4 |- A c + 2A B a c - B a 2 2 3 3
--R
```

```
(- 2A a c |----- - A B a c + B a )
--R
                   c |-----5
| 5
\| 4a c
--R
--R
--R
--R
              | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
              | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
              |- 2a |----- + 2A B
--R
              | | 5
--R
--R
                \| 4a c
              |-----
--R
                         2
--R
--R
                           a
--R
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
            (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
           | | 42 22 42
--R
--R
           | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
           |2a |----- + 2A B
        --R
--R
       a\|x |-----
--R
--R
                    2
--R
          \mathbf{I}
                       a
--R
--R
       log
--R
                 | 42 22 42
--R
                4 |- A c + 2A B a c - B a 2 2 3 3
--R
--R
            (- 2A a c |----- + A B a c - B a )
                  J 5
--R
--R
                  \ |
                        4a c
--R
--R
--R
              | 42 22 42
--R
            | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
            |2a |----- + 2A B
            --R.
--R
            |-----
--R
                      2
--R
--R
            \ |
--R
--R
            4 2 4 2 +-+
           (A c - B a) \setminus |x|
--R
```

```
--R
--R
--R /
--R
        +-+
--R
      2a\|x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 943
--S 944 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
--R
--R
                      | | 42 22 42
--R
                      | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
                     |2a |----- + 2A B
                              5
--R
             4+---+4+-+ | \| 4a c
--R
--R
            a\|- a \|c |-----
                               2
--R
                     1
--R
                     \backslash I
--R
--R
            log
--R
                        | 42 22 42
--R
                  4 |- A c + 2A B a c - B a 2 2 3 3 (2A a c |----- - A B a c + B a)
--R
--R
                       1 5
--R
                       \backslash I
--R
                                 4a c
--R
--R
                  | | 4 2 2 2 4 2
--R
--R
                  | 2 |- A c + 2A B a c - B a
                  |2a |----- + 2A B
--R
                               5
--R
                  \|
                          4a c
--R
--R
--R
                                 2
--R
                 \backslash I
--R
--R
                 4 2 4 2 +-+
--R
                (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
                       | 42 22 42
--R
```

```
--R
                | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
                 |- 2a |----- + 2A B
         | | 5
4+---+4+-+ | \| 4a c
--R
--R
--R
        a\|- a \|c |-----
                     2
--R
                - 1
--R
                M
--R
--R
        log
--R
--R
                   | 42 22 42
             4 |- A c + 2A B a c - B a 2 2 3 3 (2A a c |----- + A B a c - B a)
--R
--R
                      5
--R
                  - 1
--R
                  \I
                         4a c
--R
--R
--R
              | | 42 22 42
--R
              | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
              |- 2a |----- + 2A B
--R
              l l 5
              | \| 4a c
--R
--R
--R
                          2
              --R
             \backslash I
--R
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
            (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
                      | 42 22 42
--R
                   | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
                   |- 2a |----- + 2A B
--R
                      1 5
--R
           4+---+4+-+ | \|
                              4a c
--R
--R
          a\|- a \|c |-----
                               2
--R
                  --R
                  \mathbf{I}
--R
--R.
          log
--R
                      | 42 22 42
--R
--R
                    4 |- A c + 2A B a c - B a
                                          2 2 3 3
               (- 2A a c |----- - A B a c + B a )
--R
--R
                     l 5
--R
                     \ |
                            4a c
--R
```

```
--R
--R
                  +-----+
--R
                --R
                |- 2a |----- + 2A B
--R
                   J 5
--R
--R
                   \1
                           4a c
--R
                           2
--R
--R
               \backslash I
--R
               4 2 4 2 +-+
--R
--R
              (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
                 | | 42 22 42
--R
                | 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
                |2a |----- + 2A B
                       5
--R
         4+---+4+-+ | \| 4a c
--R
--R
        a\|- a \|c |-----
--R
                1 2
--R
                NΙ
                              a
--R
--R
        log
--R
                    | 42 22 42
--R
             4 |- A c + 2A B a c - B a 2 2 3 3 (- 2A a c |----- + A B a c - B a)
--R
--R
                   1 5
--R
                   \ I
--R
                           4a c
--R
--R
              | | 4 2 2 2 4 2
--R
--R
              | 2 |- A c + 2A B a c - B a
              |2a |----- + 2A B
--R
              | | 5
--R
             | \| 4a c
--R
--R
--R
                          2
--R
             \backslash I
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
                          4+-+ +-+
                        \|c \|x +-+ +---+
--R
                                                   \c \x
       (-2A|c - 2B|-a)atanh(-----) + (2A|c - 2B|-a)atan(-----)
--R
```

```
--R
                                     4+---+
                                                                        4+---+
--R
                                     \|- a
                                                                        \|- a
--R /
--R
         4+---+4+-+
--R
       2a\|- a \|c
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 944
--S 945 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 945
)clear all
--S 946 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(5/2)}*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
              B x + A
--R
     (1) -----
           4 2 +-+
--R
--R
          (cx + ax)||x
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 946
--S 947 of 1396
r0:=-2/3*A/(a*x^(3/2))+c^(1/4)*atan(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4))*_{\_}
     (B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))/(-a)^(7/4)-c^(1/4)*atanh(c^(1/4)*_
     sqrt(x)/(-a)^{(1/4)}*(B*sqrt(-a)+A*sqrt(c))/(-a)^{(7/4)}-2*B/(a*sqrt(x))
--R
--R
      (2)
--R
--R
                                              4+-+ +-+
              +-+ +---+ 4+-+ +-+
--R
                                              \|c \|x
         (3A x | c + 3B x | - a) | c | x atanh(-----)
--R
--R
                                               4+---+
--R
                                               \|- a
--R
--R.
                                             4+-+ +-+
                                                                    4+---+3
--R.
               +-+ +---+ 4+-+ +-+
                                            \|c \|x
          (3A x\|c - 3B x\|- a )\|c \|x atan(-----) + (- 6B x - 2A)\|- a
--R
                                              4+---+
--R
--R
                                              \|- a
--R /
--R
           4+---+3 +-+
       3a x \|- a \|x
--R
```

```
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 947
--S 948 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
--R
                | 43 22242
--R
              | 3 |- A c + 2A B a c - B a c
              --R
--R
--R
           +-+ | \|
                      4a
--R
        3a x\|x |-----
--R
                           3
              - 1
--R
             \backslash I
--R
--R
        log
--R
                     ----+
--R
                 | 43 22 2 42
--R
                6 |- A c + 2A B a c - B a c 3 2 2 2 3
             (2B a |----- - A a c + A B a c)
--R
                     7
--R
                 \backslash I
--R
                           4a
--R
--R
--R
--R
             | | 43 22242
--R
              | 3 |- A c + 2A B a c - B a c
              |2a |---- - 2A B c
--R
                          7
--R
             1 \1
--R
--R
                         3
--R
--R
             \backslash I
--R
             4 3 4 2 +-+
--R
--R
           (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
                    | 43 22242
--R
                | 3 | - A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
                |- 2a |----- - 2A B c
--R
                              7
--R
             +-+ | \|
                           4a
          3a x\|x |-----
--R
```

```
--R
--R
--R
--R
          log
--R
                     | 43 22 2 42
--R
                    6 |- A c + 2A B a c - B a c 3 2 2 2 3
--R
--R
                (2B a |----- + A a c - A B a c)
--R
                    1 7
--R
                    M
                             4a
--R
--R
--R
                    | 43 22242
--R
                  3 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
                 |- 2a |----- - 2A B c
                        7
4a
                  1
--R
--R
                1 \1
                |-----
--R
                              3
a
--R
--R
                \backslash I
--R
--R
                4 3 4 2 +-+
               (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
               | +-----+
| | 43 222 2 42
| 3 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
--R
               |- 2a |----- - 2A B c
--R
                         7
--R
                   - 1
            +-+ | \|
                           4a
--R
--R
         3a x\|x |-----
                           3
--R
              - 1
--R
              \backslash I
                               a
--R
--R
        log
--R
                    | 43 22 2 42
--R
              6 |- A c + 2A B a c - B a c 3 2 2 2 3 (- 2B a |--------------- - A a c + A B a c)
--R
--R
--R
                           7
                    --R
                   \backslash I
                              4a
--R
--R
              | +-----+
| 4 3 2 2 2 4 2
--R
--R
              | 3 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
              |- 2a |----- - 2A B c
--R
              | | 7
```

```
| \| 4a
--R
--R
--R
               - 1
                              3
--R
               \backslash I
--R
--R
               4 3 4 2 +-+
--R
             (A c - B a c) \setminus |x
--R
--R
--R
--R
--R
                     | 43 22 2 42
                   | 3 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
--R
--R
               +-+ | \|
                          4a
--R
           3a x\|x |-----
                                3
--R
                  - 1
--R
                  \backslash I
--R
           log
--R
--R
                       | 43 22242
--R
                       6 |- A c + 2A B a c - B a c 3 2 2 2 3
--R
                 (- 2B a |----- + A a c - A B a c)
--R
                       7
--R
--R
--R
--R
--R
                  | | 43 22 2 42
--R
--R
                  | 3 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
                  1 1
                                7
--R
                  1 \1
                               4a
--R
--R
                                3
--R
                 \backslash I
--R
                 4 3 4 2 +-+
--R
                (A c - B a c) \setminus |x
--R
--R
--R
       - 12B x - 4A
--R /
--R
         +-+
--R
      6a x\|x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 948
--S 949 of 1396
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
               | | 43 22 2 42
--R
--R
               | 3 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
               |2a |----- - 2A B c
               | | 7
--R
--R
         4+---+3 | \| 4a
--R
        a \|- a ||-----
                          3
a
--R
               M
--R
--R
--R
        log
--R
                 | 43 22 2 42
--R
--R
                6 |- A c + 2A B a c - B a c 3 2 2 2 3
--R
             (2B a |----- - A a c + A B a c)
--R
                 - 1
--R
                 \backslash I
                          4a
--R
--R
--R
              | | 43 22 2 42
--R
              \mid 3 \mid - A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
                         7
--R
                - 1
             | \| 4a
--R
--R
                        3
             - 1
--R
--R
             \backslash I
--R
--R
             4 3 4 2 +-+
--R
            (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
                     | 43 22242
--R
                 | 3 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
                 |- 2a |----- - 2A B c
                            7
--R
--R
           4+---+3 | \|
                              4a
          a \|- a |-----
--R
--R
--R
                \backslash I
                                a
--R
--R
          log
```

```
--R
                  | 43 22 2 42
--R
                  6 |- A c + 2A B a c - B a c 3 2 2 2 3
--R
--R
               (2B a |----- + A a c - A B a c)
                  7
--R
--R
                   \ I
--R
--R
--R
                   | 43 22 2 42
--R
--R
                 3 |- A c + 2A B a c - B a c
               |- 2a |----- - 2A B c
--R
                 7
\| 4a
--R
--R
--R
                           3
a
--R
--R
               \backslash I
--R
               4 3 4 2 +-+
--R
--R
             (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
                  | 43 22 2 42
--R
               3 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
               |- 2a |----- - 2A B c
--R
         | | 7
4+---+3 | \| 4a
--R
--R
--R
        a \|- a |-----
                        3
--R
              - 1
--R
              \mathbf{V}
--R
--R
        log
--R
                  | 43 22 2 42
--R
                 6 |- A c + 2A B a c - B a c 3 2 2 2 3
--R
             (- 2B a |----- - A a c + A B a c)
--R
--R
                  4a
--R
                  \ |
--R
--R
--R
             | +-----+
| 4 3 2 2 2 4 2
--R
             | 3 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
             |- 2a |----- - 2A B c
                     7
--R
             --R
             | \| 4a
--R
--R
                          3
             1
--R
             \backslash I
                           a
```

```
--R
             4 3 4 2 +-+
--R
--R
            (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
                  | | 43 22 2 42
--R
--R
                  | 3 |- A c + 2A B a c - B a c
                  |2a |----- - 2A B c
--R
--R
                  | | 7
                         4a
            4+---+3 | \|
--R
           a \|- a |-----
--R
--R
--R
                  \|
--R
--R
           log
--R
                      | 43 22 2 42
--R
                     6 |- A c + 2A B a c - B a c 3 2 2 2 3
--R
--R
                (- 2B a |----- + A a c - A B a c)
                      7
--R
--R
                      \ I
                                4a
--R
--R
--R
                 | | 43 22 2 42
--R
--R
                 | 3 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
                 |2a |----- - 2A B c
                 --R
--R
--R
                            3
--R
--R
                \backslash I
--R
--R
                4 3 4 2 +-+
               (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
                              4+-+ +-+
--R
          +-+ +---+ 4+-+
--R
                              \|c \|x
       (-2A\c) - 2B\c) a )\c atanh(-----)
--R
--R
                               4+---+
--R
                               \|- a
--R
--R
                              4+-+ +-+
--R
           +-+ +---+ 4+-+
                             \|c \|x
--R
       (-2A\c + 2B\c - a)\c atan(-----)
--R
                              4+---+
--R
                              \|- a
--R /
```

```
4+---+3
--R
--R
        2a \|- a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 949
--S 950 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 950
)clear all
--S 951 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(7/2)}*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
               B x + A
--R
--R
             5 3 +-+
--R
          (c x + a x) | x
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 951
--S 952 of 1396
r0:=-2/5*A/(a*x^(5/2))-2/3*B/(a*x^(3/2))-c^(3/4)*atan(c^(1/4)*sqrt(x)/_
     (-a)^{(1/4)}*(B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))/(-a)^{(9/4)-c^{(3/4)}}
     atanh(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(B*sqrt(-a)+A*sqrt(c))/_
     (-a)^{(9/4)+2*A*c/(a^2*sqrt(x))}
--R
--R
--R
      (2)
--R
                                                      4+-+ +-+
                  2 +-+ 2 +---+ 4+-+3 +-+
--R
                                                     \|c \|x
          (-15A \times |c - 15B \times |-a )|c |x atanh(-----)
--R
                                                       4+---+
--R
                                                       \|- a
--R
--R
--R
                                                   4+-+ +-+
--R
                2 +-- 4+-+3 +-+
                                                   \|c \|x
--R.
          (15A \times |c - 15B \times |- a)|c |x atan(-----)
                                                    4+---+
--R
--R
                                                    \|- a
--R
                                    4+---+
--R
--R
          (30A c x - 10B a x - 6A a) = a
--R /
          2 2 4+---+ +-+
--R
```

```
--R 15a x \|- a \|x
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 952
--S 953 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
                  | 45 22 4 423
--R
                | 4 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
                --R
                        9
4a
--R
--R
          2 2 +-+ | \|
--R
        15a x \|x |-----
--R
--R
               \backslash I
--R
--R
        log
--R
                 | 45 22 4 423
--R
                 7 |- A c + 2A B a c - B a c 2 3 2 3 4
--R
              (2A a |----- - A B a c + B a c)
--R
                      9
--R
                  - [
--R
                  \backslash I
--R
--R
--R
              | | 45 22 4 423
--R
              | 4 | - A c + 2A B a c - B a c 2
--R
--R
              | | 9
                         4a
--R
              1 \1
--R
--R
--R
             \backslash I
--R
             4 4 4 2 2 +-+
--R
            (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
--R
                      | 45 22 4 423
--R
                  | 4 |- A c + 2A B a c - B a c 2
--R
--R
                  |- 2a |----- + 2A B c
                  | | 9
--R
            2 2 +-+ | \|
                               4a
--R
```

```
--R
         15a x \|x |-----
--R
               - 1
                             4
--R
               \backslash I
                              a
--R
--R
         log
--R
                  | 45 22 4 423
--R
                 7 |- A c + 2A B a c - B a c 2 3 2 3 4
--R
--R
              (2A a |----- + A B a c - B a c)
                 ] 9
--R
--R
                 \|
                         4a
--R
--R
--R
--R
                 | 45 224 423
              4 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
              |- 2a |----- + 2A B c
                     9
4a
--R
              1 1
--R
                 \1
--R
--R
--R
             XI.
                            a
--R
             4 4 4 2 2 +-+
--R
--R
            (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
              --R
--R
--R
--R
             --R
         2 2 +-+ | \|
--R
       15a x \|x |-----
--R
--R
              - 1
--R
             \backslash I
--R
--R
       log
--R
                 | 45 22 4 423
--R
                7 |- A c + 2A B a c - B a c 2 3 2 3 4
--R
--R
            (- 2A a |----- - A B a c + B a c)
                 J 9
--R
--R
                 XI.
                         4a
--R
            +----+
--R
--R
--R
            | | 45 22 4 423
            | 4 |- A c + 2A B a c - B a c 2
--R
            |- 2a |----- + 2A B c
--R
```

```
--R
--R
                      \I
--R
--R
                 - [
                                   4
--R
                \backslash I
--R
                4 4 4 2 2 +-+
--R
--R
               (A c - B a c )\
--R
--R
--R
--R
                          | 45 22 4 423
--R
                       | 4 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
--R
                                      9
--R
                2 2 +-+ | \|
                                    4a
--R
             15a x \|x |-----
--R
                      \1
--R
--R
--R
             log
--R
                          | 45 22 4 423
--R
                   7 |- A c + 2A B a c - B a c 2 3 2 3 4 (- 2A a |----- + A B a c - B a c)
--R
--R
--R
                                       9
--R
                          M
                                      4a
--R
--R
--R
                    | | 45 22 4 423
--R
--R
                    | 4 | - A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
                    1 1
                                    9
--R
                      \|
                                  4a
--R
--R
                                       4
--R
--R
                   4 4 4 2 2 +-+
--R
--R
                  (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
        60A c x - 20B a x - 12A a
--R /
         2 2 +-+
--R
--R
       30a x \|x
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 953
```

```
--S 954 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
--R
               | | 45 22 4 423
               | 4 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
               |2a |----- + 2A B c
--R
--R
               2 4+---+ | \| 4a
--R
        a \|- a |-----
--R
--R
                          4
              --R
              \backslash I
--R
--R
        log
--R
                 | 45 22 4 423
--R
             7 |- A c + 2A B a c - B a c 2 3 2 3 4 (2A a |----- - A B a c + B a c)
--R
--R
                 J 9
--R
--R
                 \backslash I
                          4a
--R
--R
--R
             | | 45 22 4 423
--R
             | 4 |- A c + 2A B a c - B a c 2
--R
              |2a |----- + 2A B c
--R
             | 9
| \| 4a
--R
--R
--R
--R
                         4
--R
             \backslash I
--R
            4 4 4 2 2 +-+
--R
            (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                     | 45 224 423
                 | 4 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
                 |- 2a |----- + 2A B c
--R
                     J 9
--R
           2 4+---+ | \| 4a
--R
--R
          a \|- a |-----
                           4
--R
                - 1
                               a
                \backslash I
--R
```

```
--R
--R
          log
--R
                   | 45 224 423
7 |- Ac+2ABac-Bac 232 34
--R
--R
--R
                (2A a |----- + A B a c - B a c)
                   J 9
--R
--R
                    \ |
--R
--R
--R
                    | 45 22 4 423
--R
                  4 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
                |- 2a |----- + 2A B c
--R
                         9
4a
--R
                    - 1
--R
                   \1
--R
--R
                              4
--R
               \backslash I
--R
--R
               4 4 4 2 2 +-+
--R
              (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
                   | 45 22 4 423
--R
               | 4 |- A c + 2A B a c - B a c 2 |- 2a |----- + 2A B c
--R
--R
--R
                             9
         2 4+---+ | \| 4a
--R
--R
        a \|- a |-----
                        4
              1
--R
               \mathbf{M}
--R
--R
--R
        log
--R
                    | 45 22 4 423
--R
                  7 |- A c + 2A B a c - B a c 2 3 2 3 4
--R
              (- 2A a |----- - A B a c + B a c)
--R
--R
                   -
--R
                   \backslash I
                             4a
--R
--R
              | +-----+
| 45224423
--R
--R
              | 4 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
              |- 2a |----- + 2A B c
--R
--R
                  | \| 4a
--R
--R
```

```
--R
--R
             M
--R
--R
             4 4 4 2 2 +-+
            (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
--R
                  | | 45 22 4 423
--R
--R
                  | 4 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
                  9
4a
--R
           2 4+---+ | \|
--R
--R
          a \|- a |-----
--R
                 - 1
--R
                 1/
--R
--R
          log
--R
                     | 45 22 4 423
--R
                     7 |- A c + 2A B a c - B a c 2 3 2 3 4
--R
--R
                (- 2A a |----- + A B a c - B a c)
                     | 9
--R
--R
                     \I
                               4a
--R
--R
--R
                | | 45 22 4 423
--R
                | 4 |- A c + 2A B a c - B a c 2
--R
                |2a |----- + 2A B c
--R
                9
--R
--R
                1 \1
--R
--R
                                4
--R
                1/
--R
--R
               4 4 4 2 2 +-+
--R
              (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
                             4+-+ +-+
--R
         +-+ +---+ 4+-+3
                            \|c \|x
--R.
       (2A\c) + 2B\c) a )\c atanh(-----)
                             4+---+
--R
--R
                             \|- a
--R
--R
                             4+-+ +-+
--R
          +-+ +---+ 4+-+3
                             \c \x
--R
       (-2A\c) + 2B\c) a )\c atan(-----)
--R
                              4+---+
```

```
\|- a
--R
--R /
--R
         2 4+---+
--R
        2a \|- a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 954
--S 955 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
      (5) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 955
)clear all
--S 956 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(9/2)}*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
               B \times A
--R
      (1) -----
              6 4 +-+
--R
--R
           (c x + a x) | x
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 956
--S 957 of 1396
r0:=-2/7*A/(a*x^(7/2))-2/5*B/(a*x^(5/2))+2/3*A*c/(a^2*x^(3/2))+__
     c^{(5/4)*atan(c^{(1/4)*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))/_}
     (-a)^{(11/4)}-c^{(5/4)}*atanh(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(B*sqrt(-a)+_
     A*sqrt(c))/(-a)^(11/4)+2*B*c/(a^2*sqrt(x))
--R
--R
      (2)
--R
--R
                                                          4+-+ +-+
                    3 +--+ 4+-+ +-+
--R
                                                          \|c \|x
          (- 105A c x \|c - 105B c x \|- a )\|c \|x atanh(-----)
--R
--R
                                                           4+---+
                                                           \|- a
--R
--R
--R.
                                                         4+-+ +-+
                    3 +-+
--R.
                                    3 +---+ 4+-+ +-+
                                                         \|c \|x
          (-105A c x | c + 105B c x | - a ) | c | x atan(-----)
--R
                                                          4+---+
--R
--R
                                                          \|- a
--R
--R
                  3
                             2
--R
          (210B c x + 70A c x - 42B a x - 30A a) = a
```

```
--R /
      2 3 4+---+3 +-+
--R
--R
     105a x \|- a \|x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 957
--S 958 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
--R
--R
--R
                        | 47 226 425
--R
                      | 5 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
                                     11
--R
                      2 3 +-+ | \|
--R
                              4a
--R
            105a x \|x |-----
--R
                      --R
                     \backslash I
--R
--R
            log
--R
                       | 47 22 6 425
--R
                  9 |- A c + 2A B a c - B a c 3 3 4 2 4 3 (2B a |----- - A a c + A B a c )
                                                 3 3 4 2 4 3
--R
--R
--R
                                  11
--R
                       \backslash I
                                  4a
--R
--R
--R
--R
                   | | 47 22 6 425
--R
                   | 5 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
                                 11
--R
                   1 1
                                4a
--R
                   1 \1
--R
                                    5
--R
--R
                  \backslash I
--R
--R
                  4 6 4 2 4 +-+
--R
                (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
                       | 47 22 6 425
                    | 5 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
                    |- 2a |----- - 2A B c
--R
```

```
| | 11
2 3 +-+ | \| 4a
--R
--R
--R
        105a x \|x |---
                              5
--R
                - 1
--R
                M
--R
--R
        log
--R
--R
                 | 47 22 6 425
                9 |- A c + 2A B a c - B a c 3 3 4 2 4 3
--R
                   ----- + A a c - A B a c )
--R
             (2B a |-
--R
                     11
                 4a
--R
                 \I
--R
--R
--R
--R
                 | 47 226 425
              | 5 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
--R
              |- 2a |----- - 2A B c
             | 11
| \| 4a
--R
--R
--R
--R
                           5
                            a
--R
             \backslash I
--R
            4 6 4 2 4 +-+
--R
--R
            (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
                  | +-----+
| 47 226 425
--R
--R
                  --R
--R
--R
                  1 1
                                11
             2 3 +-+ | \|
                              4a
--R
--R
          105a x \|x |-----
                               5
--R
                  - 1
                  \backslash I
--R
--R
--R
          log
--R
--R
                     | 47 22 6 425
                    9 \mid - A c + 2A B a c - B a c \qquad 3 3 4 \qquad 2 4 3
--R
               (- 2B a |----- - A a c + A B a c )
--R
                    | 11
--R
--R
                    \I
                              4a
--R
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
               | | 11
| \| 4a
--R
--R
--R
                           5
--R
--R
               \backslash I
--R
               4 6 4 2 4 +-+
--R
--R
             (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
                | | 47 226 425
--R
                | 5 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
                |2a |----- - 2A B c
--R
                11
                      4a
--R
          2 3 +-+ | \|
--R
        105a x \|x |-----
--R
               --R
               \backslash I
--R
--R
        log
--R
                  | 47 22 6 425
--R
             9 |- A c + 2A B a c - B a c 3 3 4 2 4 3 (- 2B a |------ + A a c - A B a c)
--R
--R
                          11
--R
                  - 1
--R
                  \ |
                           4a
--R
--R
--R
             | | 47 22 6 425
--R
--R
             | 5 |- A c + 2A B a c - B a c
             --R
             | | 11
--R
                       4a
             1 \1
--R
             |-----
--R
                         5
--R
--R
             \mathbf{I}
--R
            4 6 4 2 4 +-+
--R
           (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
           3
--R
                  2
      420B c x + 140A c x - 84B a x - 60A a
--R
--R /
--R
      2 3 +-+
--R
     210a x \|x
```

```
--R
                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 958
--S 959 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
--R
                   | 47 22 6 425
--R
                 | 5 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
                 --R
--R
                           11
                       4a
          2 4+---+3 | \|
--R
--R
         a \|- a |-----
--R
--R
                \backslash I
--R
--R
         log
--R
                   | 47 226 425
--R
                 9 |- A c + 2A B a c - B a c 3 3 4 2 4 3
--R
              (2B a |----- - A a c + A B a c )
--R
                   | 11
--R
--R
                  \backslash I
                           4a
--R
--R
--R
               --R
--R
--R
               | | 11
| \| 4a
--R
--R
--R
--R
                           5
--R
              1/
--R
              4 6 4 2 4 +-+
--R
             (A c - B a c) \setminus |x
--R
--R
--R
--R
                  | 47 22 6 425
--R
--R
               | 5 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
                        11
--R
                   - 1
        2 4+---+3 | \| 4a
--R
       a \|- a |-----
--R
```

```
--R
                             5
--R
--R
--R
       log
--R
                | 47 22 6 425
--R
               9 |- A c + 2A B a c - B a c 3 3 4 2 4 3
--R
--R
            (2B a |----- + A a c - A B a c )
--R
                | 11
                        4a
--R
                \backslash I
--R
--R
--R
               | 47 22 6 425
--R
             5 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
             |- 2a |----- - 2A B c
--R
            | | 11
| \| 4a
--R
--R
            |-----
--R
                         5
--R
--R
            \backslash I
--R
--R
            4 6 4 2 4 +-+
--R
           (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
                --R
--R
--R
                --R
          2 4+---+3 | \|
--R
          a \|- a |-----
--R
--R
                - 1
                             5
--R
                \backslash I
                              a
--R
--R
         log
--R
                    | 47 22 6 425
--R
                   9 |- A c + 2A B a c - B a c 3 3 4 2 4 3
--R
              (- 2B a |----- - A a c + A B a c )
--R
--R
                   | 11
--R
                   \backslash I
                            4a
--R
--R
--R
                  | 47 22 6 425
--R
               | 5 |- A c + 2A B a c - B a c 3
--R
               |- 2a |----- - 2A B c
--R
```

```
--R
                                  11
--R
--R
                                 5
--R
                 - 1
--R
                 \backslash I
--R
                 4 6 4 2 4 +-+
--R
--R
                (A c - B a c) \setminus |x|
--R
--R
--R
                  | | 47 226 425
--R
                  | 5 |- A c + 2A B a c - B a c
--R
                  |2a |----- - 2A B c
--R
--R
          | | 11
2 4+---+3 | \| 4a
--R
--R
         a \|- a |-----
--R
--R
                 \backslash I
--R
--R
         log
--R
                     | 47 22 6 425
--R
                    9 |- A c + 2A B a c - B a c 3 3 4 2 4 3
--R
               (- 2B a |----- + A a c - A B a c )
--R
                   | 11
| 4a
--R
--R
--R
--R
--R
               --R
--R
--R
--R
                              4a
--R
                             5
--R
--R
               \backslash I
--R
              4 6 4 2 4 +-+
--R
             (A c - B a c) \setminus x
--R
--R
--R
                                  4+-+ +-+
--R
            +-+ +---+ 4+-+
                                 \|c \|x
--R
        (2A c | c + 2B c | - a) | c atanh(-----)
                                  4+---+
--R
--R
                                  \|- a
--R
--R
                                 4+-+ +-+
                    +---+ 4+-+
                                 \|c \|x
--R
            +-+
```

```
(2A c\|c - 2B c\|- a )\|c atan(-----)
--R
--R
                                          4+---+
--R
                                          \|- a
--R /
         2 4+---+3
--R
--R
       2a \|- a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 959
--S 960 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 960
)clear all
--S 961 of 1396
t0:=x^{(5/2)*(A+B*x)/(a+c*x^2)^2}
--R
--R
--R
                      2 +-+
               3
--R
           (B x + A x) \setminus |x
--R
      (1) -----
                2
--R
           2 4
--R
          c x + 2a c x + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 961
--S 962 of 1396
r0:=-1/2*A*x^{(3/2)}/(a*c)-1/2*x^{(5/2)}*(a*B-A*c*x)/(a*c*(a+c*x^2))-_
     1/4*atan(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(5*B*sqrt(-a)-3*A*sqrt(c))/_
     ((-a)^(1/4)*c^(9/4))-1/4*atanh(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4))*_
     (5*B*sqrt(-a)+3*A*sqrt(c))/((-a)^(1/4)*c^(9/4))+5/2*B*sqrt(x)/c^2
--R
--R
--R
      (2)
--R
                                                                  4+-+ +-+
--R
--R
          ((-3A c x - 3A a) | c + (-5B c x - 5B a) | -a ) a tanh(-----)
--R.
                                                                   4+---+
--R.
                                                                   \|- a
--R
--R
                                                               4+-+ +-+
--R
                                                    +---+
--R
          ((3A c x + 3A a)|c + (-5B c x - 5B a)|-a) atan(-----)
--R
                                                                4+---+
--R
                                                                \|- a
```

```
--R
--R
                         4+---+4+-+ +-+
--R
      (8B c x - 2A c x + 10B a)\|- a \|c \|x
--R /
      3 2 2 4+---+4+-+
--R
--R
     (4c x + 4a c) = a = c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 962
--S 963 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
--R
                      | 42 22 42
--R
                   | 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
                   --R
          3 2 2 | \| 1024a c
--R
         (c x + a c ) |-----
--R
                                 4
--R
--R
                  \backslash I
                                    8c
--R
--R
        log
--R
                      | 42 22 42
--R
--R
                     7 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
               384A a c |----- - 180A B a c
--R
--R
                              1024a c
--R
                      \I
--R
                  3 2 2
--R
               500B a c
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
--R
               | 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
--R
--R
              1 \1
                           1024a c
--R
--R
--R
              \backslash I
                               8c
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
            (81A c -625B a)\|x
--R
--R
```

```
--R
                  | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
| 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
--R
--R
                  9
\| 1024a c
--R
--R
          3 2 2 |
--R
       (- c x - a c ) |-----
--R
                 --R
                 \backslash I
                                 8c
--R
--R
       log
--R
                   | 42 22 42
--R
--R
                  7 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
                                          2 3
--R
             384A a c |----- + 180A B a c
--R
--R
                        1024a c
                  \|
--R
--R
                3 2 2
--R
             - 500B a c
--R
--R
--R
                | 42 22 42
--R
            | 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
             |- 16c |----- + 15A B
--R
                1
--R
                \| 1024a c
--R
--R
                          4
--R
            1
--R
            \ I
                            8c
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (81A c - 625B a) | x
--R
--R
--R
                    .
| 42 22 42
--R
                4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
                |- 16c |----- + 15A B
--R
--R
                     - 1
--R.
        3 2
             2 | \| 1024a c
--R
       (c x + a c ) |-----
--R
                              4
--R
                1
                                8c
--R
--R
       log
--R
                     | 42 22 42
--R
```

```
7 | - 81A c + 450A B a c - 625B a 2 3 - 384A a c | ----- - - 180A B a c
--R
--R
                    9
\| 1024a c
--R
--R
--R
               3 2 2
--R
--R
            500B a c
--R
--R
--R
                | 42 22 42
--R
            | 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
            |- 16c |----- + 15A B
--R
--R
                | \| 1024a c
--R
--R
--R
                          4
--R
            \backslash I
                           8c
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (81A c -625B a)\|x
--R
--R
--R
                 | 42 22 42
--R
                 | 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
                 --R
--R
                 1 1
          3 2 2 | \| 1024a c
--R
--R
       (- c x - a c ) |-----
                             4
--R
                 - 1
--R
                 \ |
                                8c
--R
--R
       log
--R
                    | 42 22 42
--R
                   7 |- 81A c + 450A B a c - 625B a 2 3
--R
             - 384A a c |----- + 180A B a c
--R
                      9
1024a c
--R
                    --R
                    \backslash I
--R
--R
                 3 2 2
--R.
             - 500B a c
--R
--R
            +----+
--R
            | | 4 2 2 2 4 2
--R
--R
            | 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
            --R
--R
            1 1
                         9
```

```
| \| 1024a c
--R
--R
--R
             - 1
--R
             \backslash I
                             8c
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (81A c - 625B a) | x
--R
--R
      (4B c x - A c x + 5B a) \setminus |x|
--R
--R /
     3 2 2
--R
     2c x + 2a c
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 963
--S 964 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
                  | 42 22 42
--R
                  | 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
                  --R
--R
         2 4+---+4+-+ | \| 1024a c
--R
--R
        2c \|- a \|c |-----
--R
                  - 1
--R
                  \backslash I
                                  8c
--R
--R
        log
--R
                    | 4 2 2 2 4 2 7 |- 81A c + 450A B a c - 625B a 2 3
--R
--R
              384A a c |----- - 180A B a c
--R
--R
                    - 1
                             1024a c
--R
                   \ |
--R
--R
                3 2 2
              500B a c
--R
--R
--R
              | +-----+
--R
              | | 42 22 42
--R
--R
              | 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
             9
--R
              1 \1
--R
                           1024a c
```

```
--R
--R
            - 1
--R
            \backslash I
                            8c
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (81A c - 625B a) | x
--R
--R
--R
--R
--R
                       | 42 22 42
                     4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
                   |- 16c |----- + 15A B
--R
--R
           2 4+---+4+-+ | \| \| 1024a c
--R
--R
         2c \|- a \|c |-----
--R
                   - 1
--R
                   \backslash I
                                   8c
--R
--R
         log
--R
                     | 42 22 42
--R
                     7 |- 81A c + 450A B a c - 625B a 2 3
--R
               384A a c |----- + 180A B a c
--R
                     9
\| 1024a c
--R
--R
                     \I
--R
--R
                   3 2 2
--R
               - 500B a c
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
               | 4 2 2 2 4 2 | 4 4 | - 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
--R
               |- 16c |----- + 15A B
                9
\| 1024a c
--R
--R
--R
               |-----
--R
--R
                              8c
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
--R
             (81A c - 625B a )\
--R
--R
--R
                     | 42 22 42
--R
                 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
                 --R
                 1 1
                               9
```

```
2 4+---+4+-+ | \| 1024a c
--R
--R
       2c \|- a \|c |-----
--R
                - 1
--R
                \backslash I
                                8c
--R
--R
       log
--R
                    | 42 22 42
--R
                   7 |- 81A c + 450A B a c - 625B a 2 3
--R
             - 384A a c |----- - 180A B a c
--R
--R
                    1 9
                           1024a c
                    \backslash I
--R
--R
              3 2 2
--R
--R
             500B a c
--R
--R
--R
                | 42 22 42
--R
             4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
             |- 16c |----- + 15A B
--R
                | \| 1024a c
--R
--R
                         4
--R
--R
            \backslash I
                            8c
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (81A c -625B a)\|x
--R
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
                   | 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
                   --R
          9
2 4+---+4+-+ | \| 1024a c
--R
--R
--R
         2c \|- a \|c |-----
--R
                   --R
                  \backslash I
--R
--R
         log
--R
                      | 42 22 42
--R
                     7 |- 81A c + 450A B a c - 625B a 2 3
--R
               - 384A a c |----- + 180A B a c
--R
--R
                      1
--R
                      \| 1024a c
--R
```

```
--R
                       3 2 2
--R
                   - 500B a c
--R
--R
                  | +-----+
| | 4 2 2 2 4 2
--R
--R
--R
                  | 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
                  9
\| 1024a c
--R
--R
--R
--R
                                    8c
--R
                  \backslash I
--R
--R
                   4 2 4 2 +-+
                (81A c - 625B a )\|x
--R
--R
--R
                            4+-+ +-+
                                                            4+-+ +-+
                                      +-+ +---+
          +-+ +---+
                            \|c \|x
--R
                                                          \|c \|x
        (3A|c + 5B|- a) atanh(-----) + (- 3A|c + 5B|- a) atan(-----)
--R
--R
                             4+---+
                                                            4+---+
--R
                             \|- a
                                                             \|- a
--R /
--R
      2 4+---+4+-+
      4c \|- a \|c
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 964
--S 965 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 965
)clear all
--S 966 of 1396
t0:=x^{(3/2)*(A+B*x)/(a+c*x^2)^2}
--R
--R
--R
            2 +-+
--R
         (B x + A x) \setminus |x
--R (1) -----
        2 4 2 2
--R
--R
       c x + 2a c x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 966
```

```
--S 967 of 1396
r0:=-1/2*x^{(3/2)}*(a*B-A*c*x)/(a*c*(a+c*x^2))+1/4*atan(c^{(1/4)}*_
    sqrt(x)/(-a)^{(1/4)}*(3*B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))/((-a)^{(3/4)}*c^{(7/4)}-_
    1/4*atanh(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(3*B*sqrt(-a)+A*sqrt(c))/_
    ((-a)^{(3/4)*c^{(7/4)}-1/2*A*sqrt(x)/(a*c)}
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                                          4+-+ +-+
--R
                       +-+
                                    2
                                                          \c \x
--R
         ((-Acx - Aa)|c + (-3Bcx - 3Ba)|-a) \\atanh(-----)
                                                          4+---+
--R
                                                          \|- a
--R
--R
--R
                                                       4+-+ +-+
--R
                       +-+
                                   2
                                                       \|c \|x
                                             +---+
--R.
         ((- A c x - A a) | c + (3B c x + 3B a) | - a ) atan(-----)
                                                        4+---+
--R
--R
                                                        \|- a
--R
--R
                    4+---+3 4+-+3 +-+
--R
         (-2B \times -2A) \setminus |-a \setminus |c \setminus |x
--R /
--R
         2 2 4+--+3 4+-+3
--R
       (4c x + 4a c) = a | c
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 967
--S 968 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
--R
                              | 42 22 42
--R
--R.
                            3 |- A c + 18A B a c - 81B a
                        |16a c |----- - 3A B
--R
                                         3 7
--R
                              -
--R
                             1024a c
--R
           (- c x - a c) |-----
--R
                       -
                                            3
--R.
                       \backslash I
                                         8a c
--R
--R
          log
--R
                          | 42 22 42
--R
                                                      3 3 2 2 2
--R
                       3 5 |- A c + 18A B a c - 81B a
                 (384B a c |----- - 4A a c + 36A B a c )
--R
--R
                          1
                                   3 7
```

```
\| 1024a c
--R
--R
--R
              | +-----+
| | 4 2 2 2 4 2
| 3 |- A c + 18A B a c - 81B a
--R
--R
--R
--R
                          3 7
--R
                   - 1
                          1024a c
                   \1
--R
--R
--R
--R
              \backslash I
                            8a c
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (A c - 81B a )\|x
--R
--R
--R
                        | 42 22 42
--R
                  | 3 |- A c + 18A B a c - 81B a
--R
--R
                  |- 16a c |----- - 3A B
                               3 7
--R
                         - 1
                       \| 1024a c
--R
          2 2
--R
        (c x + a c) |----
                                3
--R
                 -
--R
                 \backslash I
                                 8a c
--R
--R
        log
--R
                     | 42 22 42
--R
                  35 |- Ac + 18A Bac - 81Ba 3 3 2 2 2
--R
              (384B a c |----- + 4A a c - 36A B a c )
--R
                         3 7
--R
                     - 1
--R
                     \ |
                            1024a c
--R
--R
--R
                     | 42 22 42
--R
                  3 |- A c + 18A B a c - 81B a
--R
              |- 16a c |----- - 3A B
--R
                           3 7
--R
                    \| 1024a c
--R
--R
--R
                              3
--R
              \backslash I
                              8a c
--R
                  4 2 +-+
--R
              4 2
--R
            (A c - 81B a) \setminus |x|
--R
--R
                    +----+
```

```
+-----+
| 42 22 42
--R
                  | 42 ZZ
| 3 |- A c + 18A B a c - 81B a
--R
--R
--R
                   |- 16a c |----- - 3A B
                   | 37
| \| 1024a c
--R
--R
           2 2
--R
        (- c x - a c) |----
--R
--R
                  \backslash I
                                8a c
--R
--R
        log
--R
                        | 42 22 42
--R
                     3 5 |- A c + 18A B a c - 81B a 3 3
--R
--R
                - 384B a c |----- - 4A a c
                       | 3 7
|\ 1024a c
--R
--R
--R
--R
                  2 2 2
--R
                36A B a c
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
              3 |- A c + 18A B a c - 81B a
--R
              |- 16a c |----- - 3A B
--R
                          3 7
                --R
                       1024a c
--R
                    --R
--R
--R
             \backslash I
                            8a c
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (A c - 81B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
--R
                    3 |- A c + 18A B a c - 81B a
                 |16a c |----- - 3A B
--R
                             3 7
--R
                      --R
                | \| 1024a c
         2 2
        (c x + a c) |-----
--R
                               3
--R
                --R
                \backslash I
                               8a c
--R
--R
        log
--R
                       | 42 22 42
--R
                      3 5 |- A c + 18A B a c - 81B a 3
--R
```

```
- 384B a c |----- + 4A a c | 3 7
--R
--R
--R
                        \backslash I
                                1024a c
--R
                 2 2 2
--R
--R
                - 36A B a c
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
              3 |- A c + 18A B a c - 81B a
--R
--R
              |16a c |----- - 3A B
                         3 7
--R
                   \ |
                          1024a c
--R
--R
--R
              -1
                            3
--R
             \backslash I
                            8a c
--R
--R
             4 2 4 2 +-+
            (A c - 81B a )\
--R
--R
--R
--R
       (-Bx-A)|x
--R /
--R
      2 2
--R
     2c x + 2a c
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 968
--S 969 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
--R
                            | 42 22 42
--R
--R
                          3 |- A c + 18A B a c - 81B a
                       |16a c |----- - 3A B
--R
--R
                                     3 7
            4+---+3 4+-+3 | \| 1024a c
--R
--R
          2c \|- a \|c |-----
--R
                      - 1
--R
                      \backslash I
                                     8a c
--R
          log
--R
--R
                       | 42 22 42
--R
                     --R
```

```
--R
--R
--R
--R
               2 2 2
--R
--R
               36A B a c
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
--R
               | 3 |- A c + 18A B a c - 81B a
               |16a c |----- - 3A B
--R
               | 37
--R
               | \| 1024a c
--R
--R
--R
                           3
              - 1
--R
              \backslash I
                           8a c
--R
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
             (A c - 81B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
                       | 42 22 42
--R
                   | 42 22 42
| 3 |- A c + 18A B a c - 81B a
--R
                   |- 16a c |----- - 3A B
--R
                              3 7
         | | 3 7
4+---+3 4+-+3 | \| 1024a c
--R
--R
--R
        2c \|- a \|c |-----
--R
                  8a c
--R
                  \backslash I
--R
--R
       log
                 +-----+
| 42 22 42
35|-Ac+18ABac-81Ba 33 222
--R
--R
--R
            (384B a c |----- + 4A a c - 36A B a c )
--R
                      3 7
--R
                   1024a c
--R
                   \backslash I
--R
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
             | 3 |- A c + 18A B a c - 81B a
--R
--R
             |- 16a c |----- - 3A B
                      3 7
--R
             1
--R
             | \| 1024a c
--R
                         3
--R
--R
            \backslash I
                           8a c
```

```
--R
          4 2 4 2 +-+
--R
           (A c - 81B a )\|x
--R
--R
--R
--R
--R
                            | 42 22 42
--R
                      | 4 2 2 2 1 - 1 3 | - A c + 18A B a c - 81B a
--R
--R
                      |- 16a c |----- - 3A B
            | | 3 7
4+---+3 4+-+3 | \| 1024a c
--R
--R
          2c \|- a \|c |------
--R
--R
                      - 1
--R
                      M
                                    8a c
--R
--R
          log
--R
                        | 42 22 42
--R
                      3 5 |- A c + 18A B a c - 81B a 3 3
--R
                 - 384B a c |----- - 4A a c | 3 7 | 1024a c
--R
--R
--R
--R
--R
                   2 2 2
--R
                36A B a c
--R
--R
--R
                | 42 22
| 3 |- A c + 18A B a c - 81B a
                      | 42 22 42
--R
--R
                |- 16a c |----- - 3A B
--R
                | 3 7
| \| 1024a c
--R
--R
--R
--R
                              8a c
--R
               \backslash I
--R
               4 2 4 2 +-+
--R
--R
              (A c - 81B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
                         | 42 22 42
--R
                    3 |- A c + 18A B a c - 81B a
--R
                    |16a c |----- - 3A B
--R
          | | 3 7
4+---+3 4+-+3 | \| 1024a c
--R
--R
--R
        2c \|- a \|c |-----
                                 3
--R
                    1
```

```
\|
--R
                                            8a c
--R
--R
           log
--R
                                | 42 22 42
--R
--R
                             3 5 |- A c + 18A B a c - 81B a
--R
                                          3 7
                               M
                                         1024a c
--R
--R
--R
                           2 2 2
--R
                     - 36A B a c
--R
--R
--R
--R
                        | 42 22 42
--R
                        3 |- A c + 18A B a c - 81B a
--R
                                 3 7
--R
                        --R
                         \backslash I
                                    1024a c
--R
                                    3
                  -1
--R
                 \backslash I
                                     8a c
--R
                 4 2 4 2 +-+
--R
                (A c - 81B a )\|x
--R
--R
--R
                               4+-+ +-+
                                                                4+-+ +-+
                               \|c \|x +-+ +---+
           +-+ +---+
--R
                                                                \|c \|x
--R
          (A \mid c + 3B \mid - a) a tanh(-----) + (A \mid c - 3B \mid - a) a tan(-----) 
                                4+---+
                                                                 4+---+
--R
                                \|- a
--R
                                                                 \|- a
--R /
--R
         4+---+3 4+-+3
--R
       4c \|- a \|c
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 969
--S 970 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 970
)clear all
--S 971 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(x)/(a+c*x^2)^2
```

```
--R
--R
--R
--R
            (B x + A) \setminus |x
--R
     (1) -----
          2 4 2
--R
--R
          c x + 2a c x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 971
--S 972 of 1396
r0:=-1/4*atanh(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))/_
    ((-a)^(5/4)*c^(5/4))-1/4*atan(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4))*_
    (B*sqrt(-a)+A*sqrt(c))/((-a)^(5/4)*c^(5/4))-1/2*(a*B-A*c*x)*_
    sqrt(x)/(a*c*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                                        4+-+ +-+
--R
--R
         ((-Acx - Aa)|c + (Bcx + Ba)|-a) atanh(-----)
--R
                                                         4+---+
--R
                                                         \|- a
--R
--R
                                                     4+-+ +-+
                    +-+ 2 +---+
                                                     \|c \|x
--R
--R
         ((A c x + A a) | c + (B c x + B a) | - a) atan(-----)
--R
                                                      4+---+
--R
                                                      \|- a
--R
--R
                       4+---+4+-+ +-+
--R
         (2A c x - 2B a) = a | c | x
--R /
--R
           2 2 2 4+---+4+-+
--R
       (4a c x + 4a c) = a | c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 972
--S 973 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R.
     (3)
--R
--R
                                | 42 22 42
--R
--R
                         | 22 |- Ac + 2A B ac - B a
--R
                         |16a c |----- - A B
                                     5 5
--R
                                - 1
--R
              2 2
                     2 |
                               \backslash I
                                        1024a c
```

```
--R
       (a c x + a c) |----
                        2 2
--R
               - 1
--R
               M
                          8a c
--R
--R
       log
--R
                 | 42 22 42
--R
               4 4 |- A c + 2A B a c - B a 2 2 2 3 3
--R
--R
           (128A a c |----- + 4A B a c - 4B a c)
                 | 5 5
--R
--R
                 \| 1024a c
--R
--R
            --R
--R
--R
            | 2 2 |- A c + 2A B a c - B a
            |16a c |----- - A B
--R
            --R
--R
--R
            |-----
--R
                      2 2
--R
           \backslash I
                      8a c
--R
--R
           4 2 4 2 +-+
--R
          (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
                   +----+
--R
                 | 42 22
| 22 |- Ac + 2ABac - Ba
--R
--R
                 |- 16a c |----- - A B
--R
                      | 5 5
| 1024a c
--R
--R
          2 2
               2 |
--R
       (- a c x - a c) |-----
--R
                2 2
--R
                \backslash I
                            8a c
--R
--R
       log
--R
                  | 42 22 42
--R
               --R
--R
           (128A a c |----- - 4A B a c + 4B a c)
                 5 5 \| 1024a c
--R
--R
--R
--R
            +----+
--R
                | 42 22 42
--R
            | 22 |- Ac + 2A B ac - B a
--R
            |- 16a c |----- - A B
--R
```

```
--R
--R
--R
                         2 2
--R
             --R
             \ I
                         8a c
--R
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
           (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
                        | 42 22 42
--R
                  2 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
                  |- 16a c |----- - A B
          | | | 5 5
2 2 2 | \| 1024a c
--R
--R
--R
        (a c x + a c) |-----
                           2 2
8a c
--R
                  - 1
--R
                 \backslash I
--R
--R
        log
--R
                      +----+
                    | 42 22 42
--R
                   4 4 |- A c + 2A B a c - B a 2 2 2 3 3
--R
             (- 128A a c |----- + 4A B a c - 4B a c)
--R
                     | 5 5
|\ 1024a c
--R
--R
--R
--R
             | +-----+
| | 4 2 2 2 4 2
| 2 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
--R
              |- 16a c |----- - A B
--R
             --R
--R
--R
--R
             2 2
--R
             M
                         8a c
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
           (A c - B a) \setminus |x
--R
--R
--R
                   | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
--R
                   | 22 |- Ac + 2A B ac - B a
                    |16a c |----- - A B
--R
            | | 55
22 2 | \| 1024a c
--R
--R
        (- a c x - a c) |-----
--R
```

```
2 2
--R
--R
                                    8a c
--R
--R
         log
--R
                        | 42 22 42
--R
                                               2 2 2 3 3
--R
                      44 |- Ac + 2ABac - Ba
--R
               (- 128A a c |----- - 4A B a c + 4B a c)
                        J 5 5
--R
                              1024a c
--R
                        \I
--R
--R
--R
                     | 42 22 42
--R
--R
               | 2 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
               5 5
--R
                    - 1
--R
                    \1
                           1024a c
--R
--R
                             2 2
--R
              \backslash I
                             8a c
--R
--R
              4 2 4 2 +-+
             (A c - B a )\
--R
--R
--R
--R
        (A c x - B a) \setminus |x
--R /
--R
        2 2 2
--R
      2a c x + 2a c
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 973
--S 974 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
                           | 42 22 42
--R
--R
                     | 22 |- Ac + 2A B ac - B a
--R
                                5 5
--R
            4+---+4+-+ | \|
--R
                                  1024a c
         2a c\|- a \|c |-----
--R
--R
                                  2 2
--R
                    \backslash I
                                   8a c
--R
--R
         log
```

```
--R
                 | 42 22 42
--R
               4 4 | - A c + 2A B a c - B a 2 2 2 3 3
--R
--R
           (128A a c |----- + 4A B a c - 4B a c)
               | 5 5
| 1024a c
--R
--R
--R
--R
--R
                | 42 22 42
--R
            | 22 |- Ac + 2ABac-Ba
--R
--R
            | | 5 5
--R
            | \| 1024a c
--R
--R
--R
            - 1
                     2 2
--R
           NΙ
                      8a c
--R
           4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
--R
--R
                      | 42 22 42
                  2 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
                  |- 16a c |----- - A B
--R
           | 5 5
4+---+4+-+ | \| 1024a c
--R
--R
--R
         2a c\|- a \|c |-----
                            2 2
--R
                 1
--R
                 \I
                             8a c
--R
--R
         log
--R
                   | 42 22 42
--R
                 4 4 | - A c + 2A B a c - B a 2 2 2 3 3
--R
             (128A a c |----- - 4A B a c + 4B a c)
--R
                   5 5
--R
                       1024a c
--R
                   \ I
--R
--R
              +-----
--R
                   | 42 22 42
--R
                22 |- Ac + 2ABac-Ba
--R
              |- 16a c |----- - A B
--R
              --R
--R
--R
--R
                         2 2
```

```
\1
--R
                    8a c
--R
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
             (A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
--R
--R
--R
                  |- 16a c |----- - A B
          | | | 5 5
4+---+4+-+ | \| 1024a c
--R
--R
--R
        2a c\|- a \|c |-----
                             2 2
8a c
--R
                  - 1
--R
                 M
--R
--R
        log
--R
                     | 42 22 42
--R
                  44 |- Ac + 2A B a c - B a 2 2 2 3 3
--R
             (- 128A a c |----- + 4A B a c - 4B a c)
--R
                    | 5 5
| 1024a c
--R
--R
--R
--R
             | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
             | 42 22
| 22 |- Ac + 2A B ac - B a
--R
--R
             |- 16a c |----- - A B
--R
             --R
--R
--R
                         2 2
             1
--R
--R
             XI.
                         8a c
--R
--R
            4 2 4 2 +-+
           (A c - B a) \setminus |x
--R
--R
--R
--R
                      +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
--R
                    | 22 |- Ac + 2A B ac - B a
                    |16a c |----- - A B
--R
            | | 5 5
4+---+4+-+ | \| 1024a c
--R
--R
          2a c\|- a \|c |------
--R
                               2 2
--R
                    - 1
--R
                   XI.
                               8a c
--R
```

```
--R
             log
--R
--R
                                | 42 22 42
                            44 |- Ac + 2ABac-Ba
                                                          2 2 2 3 3
--R
--R
                    (- 128A a c |----- - 4A B a c + 4B a c)
                                             5 5
--R
                               \backslash I
--R
                                        1024a c
--R
--R
--R
--R
                           | 42 22
--R
                        2 2 |- A c + 2A B a c - B a
--R
--R
                            5 5
--R
                           \I
                                   1024a c
--R
--R
                                     2 2
--R
                    11
                                     8a c
--R
                        4 2 +-+
--R
                    4 2
--R
                  (A c - B a) \setminus |x
--R
--R
                              4+-+ +-+
                                                               4+-+ +-+
                              \|c \|x +-+ +---+
--R
                                                               \|c \|x
--R
         (A \mid c - B \mid - a) \operatorname{atanh}(-----) + (- A \mid c - B \mid - a) \operatorname{atan}(-----)
--R
                               4+---+
                                                                4+---+
--R
                               \|- a
                                                                \|- a
--R /
--R
           4+---+4+-+
--R
       4a c\|- a \|c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 974
--S 975 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 975
)clear all
--S 976 of 1396
t0:=(A+B*x)/((a+c*x^2)^2*sqrt(x))
--R
--R
--R
                  B x + A
--R
    (1) -----
           2 4 2 2 +-+
--R
```

```
--R
         (c x + 2a c x + a) \setminus |x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 976
--S 977 of 1396
r0:=-1/4*atan(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(B*sqrt(-a)-3*A*sqrt(c))/_
    ((-a)^{(7/4)*c^{(3/4)}}+1/4*atanh(c^{(1/4)*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)}*_
    (B*sqrt(-a)+3*A*sqrt(c))/((-a)^(7/4)*c^(3/4))+1/2*(A+B*x)*_
    sqrt(x)/(a*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
     (2)
                                                           4+-+ +-+
--R
                                     2
--R
--R
         ((-3Acx -3Aa)\c + (-Bcx -Ba)\- a) atanh(-----)
--R
                                                           4+---+
--R.
                                                           \|- a
--R
                                                        4+-+ +-+
--R
--R
                                                        \c \| x
         ((-3A c x - 3A a)\c + (B c x + B a)\c - a)
--R
--R
                                                         4+---+
--R
                                                         \|- a
--R
--R
                  4+---+3 4+-+3 +-+
--R
         (2B x + 2A) \mid -a \mid \mid c \mid \mid x
--R /
--R
                 2 4+---+3 4+-+3
--R
       (4a c x + 4a) = a | c
--R.
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 977
--S 978 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
--R
                               | 42 22 42
--R
--R
                            3 |- 81A c + 18A B a c - B a
--R
                         | 16a c |----- - 3A B
--R.
                                             7 3
--R.
                 2 2 | \|
                                        1024a c
           (- a c x - a ) |-----
--R
--R
                         -
                                             3
--R
                        \mathbf{I}
                                           8a c
--R
          log
--R
                              +----+
--R
```

```
| 42 22 42
--R
               6 2 | - 81A c + 18A B a c - B a 3 2 2

128B a c | ------ - 108A a c
--R
--R
                    7 3
\| 1024a c
--R
--R
--R
                2 3
--R
--R
              12A B a c
--R
--R
--R
                 | 42 22 42
--R
             3 |- 81A c + 18A B a c - B a
--R
             |16a c |----- - 3A B
--R
--R
             | | 73
             | \| 1024a c
--R
--R
             |-----
--R
                          3
--R
            \I
                         8a c
--R
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
           (81A c - B a )\|x
--R
--R
--R
                 | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
                 | 42 22 +2
| 3 |- 81A c + 18A B a c - B a
--R
                 |- 16a c |----- - 3A B
--R
                            7 3
--R
                      - 1
               1 1 7 3
2 | \| 1024a c
--R
           2
--R
        (a c x + a ) |-----
                ] 3
--R
--R
                \backslash I
                               8a c
--R
--R
        log
--R
                     | 42 22 42
--R
                   6 2 | - 81A c + 18A B a c - B a 3 2 2
--R
               128B a c |----- + 108A a c
--R
                         7 3
--R
                     1024a c
--R
                     \ |
--R
--R
                    2 3
               - 12A B a c
--R
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
--R
             | 3 |-81A c + 18A B a c - B a
--R
             |- 16a c |----- - 3A B
--R
```

```
--R
--R
--R
                        3
--R
            - 1
--R
            XI.
                         8a c
--R
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
          (81A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
                      | 42 22 42
--R
                 | 42 22 ±2 | 3 | - 81A c + 18A B a c - B a
--R
--R
                 |- 16a c |----- - 3A B
--R
                           7 3
                      2 2 | \| 1024a c
--R
--R
       (- a c x - a ) |-----
--R
                 8a c
--R
                 \backslash I
--R
--R
       log
--R
                   | 42 22 42
--R
                  6 2 | - 81A c + 18A B a c - B a 3 2 2
--R
             - 128B a c |----- - 108A a c
--R
               7 3
--R
--R
--R
--R
              2 3
--R
            12A B a c
--R
--R
            | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
            --R
--R
            |- 16a c |----- - 3A B
--R
            7 3 1 1024a c
--R
--R
            |-----
--R
                         3
--R
--R
            \mathbf{I}
                         8a c
--R
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
          (81A c - B a) \setminus |x|
--R
--R
--R
                | 422242
--R
--R
                | 3 |-81A c + 18A B a c - B a
                |16a c |----- - 3A B
--R
```

```
--R
                                  7 3
             2 2 | \| 1024a c
--R
--R
         (a c x + a ) |--
                                  3
--R
--R
                  \backslash I
                                   8a c
--R
--R
         log
--R
                         | 42 22 42
--R
--R
                      6 2 |- 81A c + 18A B a c - B a
--R
                - 128B a c |----- + 108A a c
                             7 3
--R
                               1024a c
                        \I
--R
--R
--R
                     2 3
--R
                - 12A B a c
--R
--R
--R
               | 42 22 42
--R
--R
               | 3 |-81A c + 18A B a c - B a
--R
               |16a c |----- - 3A B
                          7 3
--R
                   - 1
--R
                   \ I
                           1024a c
--R
                              3
--R
--R
              \backslash I
                              8a c
--R
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
             (81A c - B a )\
--R
--R
--R
      (B x + A) \setminus |x
--R /
         2 2
--R
--R
      2a c x + 2a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 978
--S 979 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
--R
                            | 42 22 42
--R
--R
                        | 3 |-81A c + 18A B a c - B a
                        |16a c |----- - 3A B
--R
```

```
| | 7 3
4+---+3 4+-+3 | \| 1024a c
--R
--R
--R
          2a \|- a \|c |----
                               3
                     - 1
--R
--R
                     \backslash 1
                                  8a c
--R
--R
          log
--R
                       | 42 22 42
--R
                    6 2 |- 81A c + 18A B a c - B a 3 2 2
--R
--R
                128B a c |----- - 108A a c
                      7 3
--R
--R
--R
--R
                   2 3
--R
                12A B a c
--R
--R
               | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
--R
               | 3 |-81A c + 18A B a c - B a
--R
               |16a c |----- - 3A B
               | 73
--R
               | \| 1024a c
--R
--R
                         3
--R
               --R
                             8a c
--R
--R
               4 2 4 2 +-+
--R
             (81A c - B a )\|x
--R
--R
                    | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
                   | 4222242
| 3 |-81Ac+18ABac-Ba
--R
--R
                   |- 16a c |----- - 3A B
--R
          | 7 3
4+---+3 4+-+3 | \| 1024a c
--R
--R
--R
        2a \|- a \|c ||------
                                 3
--R
                   - 1
                   \backslash I
--R
                                  8a c
--R
--R
        log
--R
                     | 42 22 42
--R
                   6 2 |- 81A c + 18A B a c - B a 3 2 2
--R
               128B a c |----- + 108A a c
--R
                     7 3
--R
                     \| 1024a c
--R
--R
```

```
2 3
--R
--R
              - 12A B a c
--R
--R
--R
                | 42 22 42
--R
             3 |- 81A c + 18A B a c - B a
--R
             --R
--R
--R
--R
--R
                          3
            8a c
--R
            XI.
--R
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
           (81A c - B a )\|x
--R
--R
--R
--R
                        | 42 22 42
--R
                    | 3 |-81A c + 18A B a c - B a
--R
--R
                    |- 16a c |----- - 3A B
           | 7 3
4+---+3 4+-+3 | \| 1024a c
--R
--R
--R
         2a \|- a \|c |-----
                                3
--R
                    --R
                    \|
                                  8a c
--R
--R
         log
--R
                      | 42 22 42
--R
                    6 2 | - 81A c + 18A B a c - B a 3 2 2
--R
               - 128B a c |------ - 108A a c | 7 3 | 1024a c
--R
--R
--R
--R
                 2 3
--R
--R
               12A B a c
--R
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
               | 3 |-81Ac+18ABac-Ba
--R
               |- 16a c |----- - 3A B
--R
               | 73
--R
               | \| 1024a c
--R
--R
--R
                          3
                           8a c
--R
              XI.
```

```
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
             (81A c - B a )\|x
--R
--R
--R
                    | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
--R
                    | 3 |-81Ac+18ABac-Ba
                    |16a c |----- - 3A B
--R
          7 3
4+---+3 4+-+3 | \| 1024a c
--R
--R
        2a \|- a \|c ||-----
--R
                      3
--R
                   \backslash I
                                8a c
--R
--R
--R
        log
--R
                      | 42 22 42
--R
                    6 2 |- 81A c + 18A B a c - B a 3 2 2
--R
              - 128B a c |----- + 108A a c
--R
                     7 3
--R
--R
                     \| 1024a c
--R
--R
                  2 3
--R
              - 12A B a c
--R
--R
             | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
--R
              | 3 |-81A c + 18A B a c - B a
              |16a c |----- - 3A B
--R
             --R
--R
--R
             3
--R
             \ |
                          8a c
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
           (81A c - B a )\
--R
--R
                       --R
                                                4+-+ +-+
--R
         +-+ +---+
                                               \|c \|x
--R
       (3A|c + B|- a) atanh(-----) + (3A|c - B|- a) atan(-----)
                        4+---+
                                                4+---+
--R
--R
                        \|- a
                                                \|- a
--R /
      4+---+3 4+-+3
--R
--R
     4a \|- a \|c
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 979
```

```
--S 980 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 980
)clear all
--S 981 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(3/2)}*(a+c*x^2)^2)
--R
--R
--R
                  B \times A
--R
     (1) -----
--R
           2 5
                3 2 +-+
--R
         (cx + 2acx + ax) \setminus |x
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 981
--S 982 of 1396
r0:=1/4*atan(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(3*B*sqrt(-a)-_
    5*A*sqrt(c))/((-a)^(9/4)*c^(1/4))+1/4*atanh(c^(1/4)*sqrt(x)/_
    (-a)^{(1/4)}*(3*B*sqrt(-a)+5*A*sqrt(c))/((-a)^{(9/4)}*c^{(1/4)}-_
    5/2*A/(a^2*sqrt(x))+1/2*(A+B*x)/(a*(a+c*x^2)*sqrt(x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                                              4+-+ +-+
                2 +--+ 2 +---+ +-+
--R
                                                              \c \x
--R
         ((5A c x + 5A a)|c + (3B c x + 3B a)|- a)|x atanh(-----)
--R
--R
                                                               \|- a
--R
--R
                                                               4+-+ +-+
                         +-+
--R
                                  2
                                               +---+ +-+
                                                               \|c \|x
         ((-5A c x - 5A a)|c + (3B c x + 3B a)|-a)|x atan(-----)
--R
--R
                                                                4+---+
                                                                \|- a
--R
--R
--R.
                 2
                                  4+---+4+-+
--R
         (-10A c x + 2B a x - 8A a) \mid -a \mid c
--R /
--R
          2 2 3 4+---+4+-+ +-+
--R
       (4a c x + 4a) = a | c | x
                                                   Type: Expression(Integer)
--R
--E 982
```

```
--S 983 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R
                    | 42 22 42
--R
                    | 4 | - 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
                   --R
         2 2 3 +-+ | \| 1024a c
--R
--R
       (- a c x - a )\|x |-----
--R
                   - 1
--R
                   \I
                                 8a
--R
--R
       log
--R
                  | 42 22 42
--R
--R
                7 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
             640A a c |----- - 300A B a c
                 J 9
--R
--R
                 M
                     1024a c
--R
--R
              3 4
--R
            108B a
--R
--R
            --R
--R
            | 4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
--R
            | \| 1024a c
--R
--R
--R
           \backslash I
                          8a
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (625A c - 81B a) | x
--R
--R
--R
                      | 42 22 42
--R
                  | 4 | - 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
                  |- 16a |----- + 15A B
--R
                  --R
        2 2 3 +-+ | \| 1024a c
       (a c x + a )\|x |-----
--R
                               4
--R
```

```
\backslash I
--R
                                    8a
--R
--R
        log
--R
                    | 42 22 42
--R
                   7 |- 625A c + 450A B a c - 81B a 2 3
--R
              640A a c |----- + 300A B a c
--R
--R
                    - 1
                    \|
                            1024a c
--R
--R
--R
                   3 4
--R
              - 108B a
--R
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
              4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
              |- 16a |----- + 15A B
--R
                      9
--R
              1
--R
               \1
                           1024a c
--R
--R
                             4
--R
             \backslash I
                               8a
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (625A c - 81B a) | x
--R
--R
                      | +-----+
| | 4 2 2 2 4 2
| 4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
--R
                      |- 16a |----- + 15A B
--R
                                  9
--R
           2 2 3 +-+ | \| 1024a c
--R
--R
        (- a c x - a )\|x |-----
--R
                      \backslash I
                                       8a
--R
--R
--R
        log
--R
                      | 42 22 42
--R
--R
                    7 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
               - 640A a c |----- - 300A B a c
                     ] 9
--R
                     \| 1024a c
--R
--R
--R
                3 4
--R
              108B a
--R
--R
```

```
| +-----+
| | 4 2 2 2 4 2
| 4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
--R
--R
            9
| \| 1024a c
--R
--R
--R
--R
--R
           NΙ
                          8a
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (625A c - 81B a )\|x
--R
--R
--R
                  --R
--R
--R
                         9
--R
--R
        2 2 3 +-+ | \|
                         1024a c
       (a c x + a )\|x |-----
--R
--R
                  -
                               8a
--R
                 \backslash I
--R
--R
       log
                   +-----+
--R
--R
                 7 |- 625A c + 450A B a c - 81B a 2 3
--R
--R
             - 640A a c |----- + 300A B a c
                9
\| 1024a c
--R
--R
--R
--R
                3 4
--R
            - 108B a
--R
--R
--R
              | 42 22 42
--R
            | 4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
            --R
--R
--R
--R
--R
           11
                          8a
--R
           4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (625A c - 81B a )\
--R
--R
           2
```

```
--R
   - 5A c x + B a x - 4A a
--R /
--R
      2 2 3 +-+
--R
    (2a c x + 2a )\|x
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 983
--S 984 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
--R
--R
                     | 42 22 42
--R
                     | 4 | - 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
                               9
--R
           2 4+---+4+-+ | \|
--R
                                 1024a c
--R
          2a \|- a \|c |-----
--R
                     1
--R
                    \backslash I
                                    8a
--R
--R
          log
--R
                       | 42 22 42
--R
                     7 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
                 640A a c |----- - 300A B a c
                      J 9
--R
                               1024a c
--R
                      M
--R
--R
                   3 4
--R
                108B a
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
                  4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
                --R
                   1024a c
--R
                1 \1
--R
--R
--R
               II
                                8a
--R
--R
                 4 2 4 2 +-+
--R
              (625A c - 81B a) | x
--R
--R
```

```
--R
                      | 42 22 42
--R
                  | 4 2 2 2 4 4 - 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
                  9
2 4+---+4+--+ | \| 1024a c
--R
--R
        2a \|- a \|c |-----
--R
--R
                  --R
                  \backslash I
                                 8a
--R
--R
        log
--R
                    | 42 22 42
--R
                  7 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
              640A a c |----- + 300A B a c
                       9
1024a c
--R
                   - 1
--R
                   XI.
--R
--R
                  3 4
--R
              - 108B a
--R
--R
--R
                 | 42 22 42
--R
             | 4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
              |- 16a |----- + 15A B
--R
                         9
               1
--R
                 \| 1024a c
--R
--R
--R
             - 1
--R
             \backslash I
                              8a
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (625A c - 81B a) | x
--R
--R
--R
--R
                         | 42 22 42
--R
                      \stackrel{\cdot}{4} |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
--R
--R
           2 4+---+4+-+ | \|
                                1024a c
--R
          2a \|- a \|c |-----
                                  4
--R
--R
                    \backslash I
                                    8a
--R
--R
          log
--R
                        | 42 22 42
--R
```

```
7 |- 625A c + 450A B a c - 81B a 2 3 
- 640A a c |----- - 300A B a c
--R
--R
                    9
\| 1024a c
--R
--R
--R
--R
                 3 4
--R
              108B a
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
--R
                4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
              |- 16a |----- + 15A B
--R
                           9
--R
                \| 1024a c
--R
--R
                            4
--R
--R
             \backslash I
                             8a
--R
               4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (625A c - 81B a) | x
--R
--R
--R
--R
                 | 42 22 42
                4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
                 --R
                          9
--R
                1 1
        2 4+---+4+-+ | \| 1024a c
--R
--R
       2a \|- a \|c |-----
                            4
--R
                - 1
--R
                XI.
                               8a
--R
--R
       log
--R
                   | 42 22 42
--R
                  7 |- 625A c + 450A B a c - 81B a 2 3
--R
             - 640A a c |----- + 300A B a c
--R
                       9
1024a c
--R
                   --R
                   \ I
--R
--R
                3 4
--R.
            - 108B a
--R
--R
            +----+
--R
            | | 42 22 42
--R
--R
            | 4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
            --R
--R
            1 1
                        9
```

```
--R
                     \1
                                     1024a c
--R
--R
                   -1
                                         4
--R
                  \backslash I
                                         8a
--R
--R
                     4 2 4 2 +-+
--R
                (625A c - 81B a) | x
--R
                                   4+-+ +-+
--R
                                                                      4+-+ +-+
                                                  +-+ +---+
                                   \|c \|x
--R
                                                                      \|c \|x
--R
         (-5A|c - 3B|-a) atanh(-----) + (5A|c - 3B|-a) atan(-----)
                                                                       4+---+
                                    4+---+
--R
                                    \|- a
                                                                       \|- a
--R
--R
--R
         2 4+---+4+-+
--R
       4a \|- a \|c
--R.
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 984
--S 985 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 985
)clear all
--S 986 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^2)
--R
--R
--R
                  B x + A
--R
           26 4 22 +-+
--R
--R.
          (c x + 2a c x + a x) \setminus |x
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 986
--S 987 of 1396
r0:=-7/6*A/(a^2*x^(3/2))+1/2*(A+B*x)/(a*x^(3/2)*(a+c*x^2))-_
    1/4*c^{(1/4)}*atan(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(5*B*sqrt(-a)-_
    7*A*sqrt(c))/(-a)^(11/4)+1/4*c^(1/4)*atanh(c^(1/4)*sqrt(x)/_
    (-a)^{(1/4)}*(5*B*sqrt(-a)+7*A*sqrt(c))/(-a)^{(11/4)}-5/2*B/(a^2*sqrt(x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                            3 +---+ 4+-+ +-+
           ((21A c x + 21A a x)\|c + (15B c x + 15B a x)\|- a )\|c \|x
--R
```

```
--R
--R
             4+-+ +-+
--R
             \|c \|x
--R
         atanh(-----)
--R
              4+---+
--R
              \|- a
--R
--R
        ((21A c x + 21A a x)|c + (-15B c x - 15B a x)|-a)|c |x
--R
--R
--R
             4+-+ +-+
--R
             \|c \|x
--R
         atan(-----)
             4+---+
--R
--R
             \|- a
--R
                              4+---+3
--R
                      2
       (-30B c x - 14A c x - 24B a x - 8A a) | -a
--R
--R /
        2 3 3 4+---+3 +-+
--R
--R
      (12a c x + 12a x) \mid -a \mid \mid x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 987
--S 988 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
          2 3 3 +-+
--R
--R
         (3a c x + 3a x) | x
--R
--R
--R
          | 43 222 42
--R
          | 5 | - 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
          --R
--R
            \ I
--R
                          1024a
--R
--R
          --R
         \backslash I
                              8a
--R
--R
         log
--R
                      | 43 222 42
--R
                     9 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c 3 3 2
--R
--R
                640B a |----- - 1372A a c
                            11
--R
                      - 1
                      \backslash I
--R
                                  1024a
```

```
+ 24
--R
--R
--R
            700A B a c
--R
--R
--R
             | | 43 222 42
--R
--R
             | 5 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
             --R
--R
            1 1
--R
            | \| 1024a
--R
--R
--R
            \backslash I
                             8a
--R
--R
             4 3 4 2 +-+
--R
           (2401A c - 625B a c)\|x
--R
--R
          2 3 3 +-+
--R
       (-3acx - 3ax)\|x
--R
--R
--R
            | 43 222 42
--R
        | 5 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
        |- 16a |----- - 35A B c
--R
                       11
--R
            --R
            \backslash I
                      1024a
--R
--R
--R
       \backslash I
                         8a
--R
--R
       log
                 +-----+
--R
--R
                 9 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c 3 3 2
--R
--R
             640B a |----- + 1372A a c
--R
--R
                            1024a
--R
--R
                  2 4
--R
             - 700A B a c
--R
--R
--R
                 | 43 222 42
--R
             | 5 | - 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
--R
             |- 16a |----- - 35A B c
             | | 11
--R
                          1024a
                 \1
--R
```

```
--R
--R
                             5
--R
           \|
                              8a
--R
           4 3 4 2 +-+
--R
--R
          (2401A c - 625B a c) | x
--R
         2 3 3 +-+
--R
       (3a c x + 3a x) | x
--R
--R
--R
--R
            | 43 222 42
--R
        5 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
--R
        --R
                      11
        1
--R
        1 \1
                     1024a
--R
--R
--R
       \backslash I
                          8a
--R
--R
       log
--R
--R
                   | 43 222 42
                  9 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c 3 3 2
--R
             - 640B a |----- - 1372A a c
--R
                             11
--R
--R
                   \backslash I
                             1024a
--R
--R
                 2 4
--R
             700A B a c
--R
--R
                | 43 222 42
--R
             | 5 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
             --R
              1
--R
             1 \1
--R
                           1024a
--R
--R
            --R
            M
                              8a
--R
             4 3 4 2 +-+
--R
--R
           (2401A c - 625B a c) | x
--R
          2 3 3 +-+
--R
--R
       (- 3a c x - 3a x)\|x
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
--R
         11
--R
         1 1
--R
         1 \1
                      1024a
--R
--R
        --R
                         8a
        \backslash \Gamma
--R
--R
        log
--R
                    | 43 222 42
--R
--R
                   9 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
              - 640B a |----- + 1372A a c
--R
                               11
                    - 1
--R
                    M
                              1024a
--R
--R
                   2 4
--R
              - 700A B a c
--R
--R
--R
             | 43 222 42
--R
--R
             \mid 5 \mid - 2401A c \, + 2450A B a c \, - 625B a c
             --R
--R
             1 1
--R
               M
                           1024a
--R
                            5
--R
             - [
--R
             \backslash I
                               8a
--R
              4 3 4 2 +-+
--R
--R
           (2401A c - 625B a c) | x
--R
            3 2
--R
      - 15B c x - 7A c x - 12B a x - 4A a
--R
--R /
      2 3 3 +-+
--R
--R
     (6a c x + 6a x) | x
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 988
--S 989 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
```

```
| 43 222 42
--R
--R
              | 5 | - 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
              11
--R
--R
                          1024a
        2 4+---+3 | \|
--R
       2a \|- a |-----
--R
--R
              \backslash I
--R
--R
       log
--R
                 | 43 222 42
--R
                9 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c 3 3 2
--R
            640B a |----- - 1372A a c
--R
                       11
--R
                - 1
--R
                          1024a
                \ |
--R
--R
                2 4
--R
            700A B a c
--R
--R
--R
            | | 43 222 42
--R
            | 5 | - 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
            --R
--R
            1 1
                  1024a
--R
            1
--R
--R
           -1
                           5
--R
           \backslash I
                           8a
--R
             4 3 4 2 +-+
--R
--R
          (2401A c - 625B a c) | x
--R
--R
--R
--R
                    | 43 222 42
--R
                | 5 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
                --R
--R
--R
          2 4+---+3 | \|
                             1024a
--R
         2a \|- a |-----
                                5
--R
               - 1
--R
               \backslash I
                                8a
--R
        log
--R
--R
                  | 43 222 42
--R
                  9 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c 3 3 2
--R
```

```
----- + 1372A a c
--R
                         11
--R
                 - 1
--R
                 \1
                          1024a
--R
              2 4
--R
--R
            - 700A B a c
--R
--R
--R
                | 43 222 42
--R
--R
             | 5 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
             --R
              1024a
            1 \1
--R
--R
--R
                          5
            - 1
                           8a
--R
            \I
--R
--R
             4 3 4 2 +-+
--R
           (2401A c - 625B a c) | x
--R
--R
--R
--R
                | 43 222 42
             | 5 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
             --R
--R
                 2 4+---+3 | \|
                    1024a
--R
--R
      2a \|- a |-----
--R
             - 1
--R
             \backslash I
                             8a
--R
      log
--R
                 +-----+
--R
--R
                9 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c 3 3 2
--R
--R
            - 640B a |----- - 1372A a c
                --R
                         1024a
--R
                11
--R
--R
               2 4
           700A B a c
--R
--R
--R
           | +-----+
--R
              | 43 222 42
--R
           | 5 | - 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
--R
           |- 16a |----- - 35A B c
           | | 11
--R
                       1024a
--R
              \ I
```

```
--R
--R
                             5
--R
            \backslash I
                               8a
--R
            4 3 4 2 +-+
--R
--R
           (2401A c - 625B a c) | x
--R
--R
--R
--R
--R
                   | 43 222 42
                  | 5 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
                  --R
--R
                     --R
           2 4+---+3 | \|
                         1024a
--R
          2a \|- a |-----
--R
                 - 1
--R
                 \backslash I
                                   8a
--R
--R
         log
--R
                      | 43 222 42
--R
--R
                     9 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
                - 640B a |-----
--R
                      | 11
--R
--R
                     M
                                1024a
--R
                   3 3 2 2 4
--R
--R
               1372A a c - 700A B a c
--R
--R
               | +-----+
| 43 222 42
--R
--R
--R
               | 5 |- 2401A c + 2450A B a c - 625B a c
--R
               --R
--R
--R
                               5
--R
--R
              \backslash I
--R
--R
                4 3 4 2 +-+
--R
             (2401A c - 625B a c) | x
--R
--R
                           4+-+ +-+
          +-+ +---+ 4+-+
--R
                           \|c \|x
      (-7A\c) - 5B\c) a )\c atanh(-----)
--R
--R
                           4+---+
--R
                           \|- a
--R
```

```
--R
                                       4+-+ +-+
--R
               +-+ +---+ 4+-+
                                       \|c \|x
--R
          (-7A\c + 5B\c - a)\c atan(-----)
--R
                                        4+---+
--R
                                        \|- a
--R /
--R
         2 4+---+3
--R
       4a \|- a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 989
--S 990 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 990
)clear all
--S 991 of 1396
t0:=x^{(7/2)}*(A+B*x)/(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R
                          3 +-+
--R
                (B x + A x) \setminus |x|
--R
--R
           3 6
                2 4
                          2 2
--R
          c x + 3a c x + 3a c x + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 991
--S 992 of 1396
r0:=-7/16*B*x^{(3/2)}/(a*c^2)-1/4*x^{(7/2)}*(a*B-A*c*x)/(a*c*(a+c*x^2)^2)+_
     1/16*x^{(5/2)}*(A+7*B*x)/(a*c*(a+c*x^2))+1/32*atan(c^{(1/4)}*_
     sqrt(x)/(-a)^{(1/4)}*(21*B*sqrt(-a)-5*A*sqrt(c))/((-a)^{(3/4)}*_{-}
     c^{(11/4)}-1/32*atanh(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)}*(21*B*sqrt(-a)+_
     5*A*sqrt(c))/((-a)^(3/4)*c^(11/4))-5/16*A*sqrt(x)/(a*c^2)
--R
--R
--R
      (2)
--R.
                    2 4
                                   2
                                           2 +-+
--R.
              (-5Acx - 10Aacx - 5Aa)\c
--R
                                          2 +---+
--R
                     2 4
                                   2
--R
              (-21B c x - 42B a c x - 21B a) = a
--R
                 4+-+ +-+
--R
                 \|c \|x
--R
```

```
atanh(-----)
--R
--R
              4+---+
--R
              \|- a
--R
              2 4 2 2 +-+
--R
--R
          (-5Acx - 10Aacx - 5Aa)\c
--R
--R
              2 4
                         2
         (21B c x + 42B a c x + 21B a )\|- a
--R
--R
            4+-+ +-+
--R
--R
            \|c \|x
         atan(-----)
--R
             4+---+
--R
--R
             \|- a
--R
--R
                      2
                                     4+---+3 4+-+3 +-+
       (- 22B c x - 18A c x - 14B a x - 10A a)\|- a \|c \|x
--R
--R /
       4 4 3 2 2 2 4+---+3 4+-+3
--R
--R
      (32c x + 64a c x + 32a c) = a | c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 992
--S 993 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
           4 4 3 2 2 2
--R
--R
         (-8c x - 16a c x - 8a c)
--R
--R
--R
                | 42 22
--R
         5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
          |1024a c |----- - 105A B
--R
--R
                - 1
               \|
                          4194304a c
--R
--R
--R
         --R
         \backslash I
                             512a c
--R
--R
         log
--R
                          | 42 22 42
--R
--R
                       3 8 \mid -625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
                1376256B a c |-----
                          3 11
--R
--R
                          \ I
                               4194304a c
```

```
3 4 223
--R
--R
--R
             - 4000A a c + 70560A B a c
--R
--R
--R
                   | 42 22
--R
              | 5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
--R
                             3 11
--R
                   - 1
              | \| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
             \backslash I
                               512a c
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (625A c - 194481B a) \x
--R
          4 4 3 2 2 2
--R
--R
        (8c x + 16a c x + 8a c)
--R
--R
--R
                | 42 22 42
--R
         5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
--R
                          3 11
--R
--R
                \backslash I
                    4194304a c
--R
--R
--R
        \backslash I
                           512a c
--R
--R
        log
                        +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
                     3 8 \mid -625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
--R
              1376256B a c |-----
--R
                        1
                                4194304a c
--R
                       \|
--R
--R
              4000A a c - 70560A B a c
--R
--R
--R
--R
                     | 42 22
--R
              5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
--R
              |- 1024a c |----- - 105A B
              3 11
--R
                     \| 4194304a c
--R
```

```
--R
--R
             --R
             \|
                                 512a c
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (625A c - 194481B a) | x
--R
           4 4 3 2 2 2
--R
        (- 8c x - 16a c x - 8a c )
--R
--R
--R
--R
                 | 42 22
--R
         5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
--R
         |- 1024a c |----- - 105A B
                          3 11
--R
                 - 1
             \|
                     4194304a c
--R
--R
--R
--R
        \backslash \Gamma
                            512a c
--R
--R
        log
--R
--R
                          | 42 22 42
                       3 \ 8 \ | - \ 625 \ A \ c \ + \ 22050 \ A \ B \ a \ c \ - \ 194481 \ B \ a
--R
               - 1376256B a c |-----
--R
--R
                          --R
                          \|
                            4194304a c
--R
                3 4 2 2 3
--R
--R
               - 4000A a c + 70560A B a c
--R
--R
--R
                     | 42 22 42
--R
              | 5 | - 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
              |- 1024a c |----- - 105A B
--R
--R
                      \1
                                4194304a c
--R
--R
--R
              512a c
--R
             \backslash I
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
            (625A c - 194481B a) \x
--R
--R
          4 4 3 2 2 2
--R
--R
        (8c x + 16a c x + 8a c)
--R
--R
```

```
--R
              | 42 22 42
--R
        1
--R
             5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
        3 11
--R
        4194304a c
--R
              \ |
--R
--R
        512a c
--R
        \|
--R
--R
        log
--R
                         | 42 22 42
--R
--R
                      3 8 | -625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
              - 1376256B a c |-----
                             3 11
--R
                        - 1
                            4194304a c
--R
                        \ I
--R
--R
                3 4 2 2 3
              4000A a c -70560A B a c
--R
--R
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
             5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
--R
                             3 11
--R
                   --R
                   \backslash I
                       4194304a c
--R
--R
             - 1
--R
            11
                              512a c
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (625A c - 194481B a) | x
--R
--R
                  2
      (- 11B c x - 9A c x - 7B a x - 5A a)\|x
--R
--R /
      4 4 3 2 2 2
--R
     16c x + 32a c x + 16a c
--R
--R
                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 993
--S 994 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R -
        2 4+---+3 4+-+3
--R
```

```
16c \|- a \|c
--R
--R
--R
--R
              +----+
--R
         | 4 2 2 2 4 2 5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
--R
         |1024a c |----- - 105A B
--R
                  4194304a c
              \|
--R
--R
--R
--R
                         512a c
         \ I
--R
--R
         log
--R
--R
                       | 42 22 42
--R
                    3 8 | -625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
              1376256B a c |-----
                      3 11
--R
                            4194304a c
--R
                      --R
                  3 4 2 2 3
--R
              - 4000A a c + 70560A B a c
--R
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
              5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
--R
              |1024a c |----- - 105A B
              3 11 | 4194304a c
--R
--R
--R
--R
--R
             \|
                             512a c
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (625A c - 194481B a) | x
--R
         2 4+---+3 4+-+3
--R
--R
       16c \|- a \|c
--R
--R
--R.
              | 42 22
--R
        5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
--R
        |- 1024a c |----- - 105A B
--R
        --R
        | \| 4194304a c
--R
--R
                         5
```

```
--R
       \backslash I
                      512a c
--R
--R
       log
--R
                       | 42 22 42
--R
--R
                    3 8 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
             1376256B a c |-----
                          3 11
4194304a c
--R
                      - 1
                      \1
--R
--R
                3 4 2 2 3
--R
             4000A a c - 70560A B a c
--R
--R
--R
--R
--R
                    | 42 22 42
             | 5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
             |- 1024a c |----- - 105A B
--R
             | 3 11
--R
--R
                \1
                             4194304a c
--R
                              5
--R
--R
                              512a c
            11
--R
                 4 2 +-+
--R
            4 2
--R
           (625A c - 194481B a) | x
--R
--R
--R
           2 4+---+3 4+-+3
--R
         16c \|- a \|c
--R
--R
--R
                | 42 22 42
--R
          5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
--R
          |- 1024a c |----- - 105A B
                         3 11
                 1
--R
                         4194304a c
--R
                \1
--R
--R
--R
          \backslash I
                            512a c
--R
--R
         log
--R
                         | 42 22 42
--R
--R
                       3 8 \mid -625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
               - 1376256B a c |-----
--R
                         - 1
--R
                         \| 4194304a c
--R
```

```
3 4 2 2 3
--R
--R
               - 4000A a c + 70560A B a c
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
             | 5 | - 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
--R
             |- 1024a c |----- - 105A B
                  | 3 11
| 4194304a c
              1
--R
--R
--R
--R
                            512a c
--R
            \backslash I
--R
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
            (625A c - 194481B a) | x
--R
--R
         2 4+---+3 4+-+3
--R
       16c \|- a \|c
--R
--R
--R
             | 42 22 42
--R
       5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
--R
        |1024a c |----- - 105A B
                   3 11
--R
        1
                4194304a c
--R
--R
                        5
--R
       -1
--R
       XI.
                       512a c
--R
--R
       log
--R
                       | 42 22 42
--R
--R
                    3 8 \mid -625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
             - 1376256B a c |-----
                           3 11
--R
                      1
                      \| 4194304a c
--R
--R
                     2 2 3
--R
            4000A a c - 70560A B a c
--R
--R
--R.
--R
                 | 42 22 42
--R
            5 |- 625A c + 22050A B a c - 194481B a
--R
            --R
--R
                 - 1
            | \| 4194304a c
--R
--R
```

```
--R
                    -
                                                    5
                   \backslash I
                                              512a c
--R
--R
--R
                      4 2
                                   4 2 +-+
--R
                 (625A c - 194481B a) \x
--R
--R
                                    4+-+ +-+
                                                                         4+-+ +-+
--R
                                    \|c \|x
                                                                         \c \| x \
          (5A|c + 21B|- a) atanh(-----) + (5A|c - 21B|- a) atan(-----)
--R
--R
                                     4+---+
                                                                          4+---+
--R
                                     \|- a
                                                                          \|- a
--R
           2 4+---+3 4+-+3
--R
--R
        32c \|- a \|c
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 994
--S 995 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 995
)clear all
--S 996 of 1396
t0:=x^{(5/2)*(A+B*x)/(a+c*x^2)^3}
--R
--R
--R
                     3
                            2 +-+
--R
                 (B x + A x) \setminus |x
--R
--R
           3 6
                    2 4
                              2 2
--R
          c x + 3a c x + 3a c x + a
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 996
--S 997 of 1396
r0:=-1/4*x^{(5/2)}*(a*B-A*c*x)/(a*c*(a+c*x^2)^2)-1/16*x^{(3/2)}*_
     (A-5*B*x)/(a*c*(a+c*x^2))-1/32*atanh(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4))*_
     (5*B*sqrt(-a)-3*A*sqrt(c))/((-a)^(5/4)*c^(9/4))-1/32*atan(c^(1/4)*_
     sqrt(x)/(-a)^{(1/4)}*(5*B*sqrt(-a)+3*A*sqrt(c))/((-a)^{(5/4)}*c^{(9/4)}-_
     5/16*B*sqrt(x)/(a*c^2)
--R
--R
--R
      (2)
--R
                     2 4
                                 2
                                           2 +-+
--R
              (-3Acx - 6Aacx - 3Aa)\c
```

```
--R
             2 4 2 2 +---+
--R
--R
          (5B c x + 10B a c x + 5B a )\|- a
--R
--R
             4+-+ +-+
--R
             \|c \|x
         atanh(-----)
--R
--R
              4+---+
--R
              \|- a
--R
--R
              2 4
                        2 2 +-+
           (3A c x + 6A a c x + 3A a) \ c
--R
--R
             2 4
                    2
--R
--R
          (5B c x + 10B a c x + 5B a )\|- a
--R
--R
             4+-+ +-+
--R
            \|c \|x
--R
         atan(-----)
            4+---+
--R
--R
             \|- a
--R
--R
          2 3 2
                                      2 4+---+4+-+ +-+
--R
        (6A c x - 18B a c x - 2A a c x - 10B a )\|- a \|c \|x
--R /
         4 4 2 3 2 3 2 4+---+4+-+
--R
--R
      (32a c x + 64a c x + 32a c) = a | c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 997
--S 998 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
            4 4 2 3 2 3 2
--R
--R
         (8a c x + 16a c x + 8a c)
--R
--R
--R
--R
                 | 42 22
--R
          | 2 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
          5 9
--R
                 - 1
--R
                 4194304a c
--R
--R
                              2 4
--R
                            512a c
         \ |
--R
--R
         log
```

```
| 42 22 42
--R
--R
                   4 7 |- 81A c + 450A B a c - 625B a 2 2 3
--R
--R
             196608A a c \mid ----- + 1440A B a c
                    5 9
\| 4194304a c
--R
--R
--R
                  3 3 2
--R
             - 4000B a c
--R
--R
--R
              +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
             | 42 22 42
| 24|-81Ac+450ABac-625Ba
--R
--R
             5 9
--R
                  - 1
             | \| 4194304a c
--R
--R
                          2 4
--R
--R
            \backslash I
                           512a c
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (81A c -625B a)\|x
--R
            4 4 2 3 2 3 2
--R
--R
        (-8acx -16acx -8ac)
--R
--R
--R
             +----+
--R
        2 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
        |- 1024a c |----- - 15A B
          |
| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
                        2 4
--R
        \backslash I
                       512a c
--R
--R
       log
--R
--R
                      | 42 22 42
                                             2 2 3
--R
                  47 | - 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
             196608A a c \mid ----- - 1440A B a c
                     5 9
--R
                    \| 4194304a c
--R
--R
--R
               3 3 2
--R
             4000B a c
--R
--R
```

```
--R
--R
             | 42 22 | 2 2 | 2 4 | - 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
             |- 1024a c |----- - 15A B
             | | 5 9
| \| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
                              2 4
            M
--R
                            512a c
--R
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
           (81A c -625B a)\|x
--R
          4 4 2 3 2 3 2
--R
--R
        (8a c x + 16a c x + 8a c)
--R
--R
            --R
--R
        2 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
        |- 1024a c |----- - 15A B
                     5 9
--R
               - 1
--R
            \| 4194304a c
--R
                        2 4
--R
        - 1
--R
        1/
                        512a c
--R
--R
       log
--R
                      | 42 22 42
--R
--R
                     4 7 | -81A c + 450A B a c - 625B a
--R
              - 196608A a c |-----
                      5 9
\| 4194304a c
--R
--R
--R
                 2 2 3 3 3 2
--R
--R
             1440A B a c - 4000B a c
--R
--R
--R
                    | 42 22 42
--R
             2 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
             |- 1024a c |----- - 15A B
--R
                    - 1
--R
                 \1
                           4194304a c
--R
                            2 4
--R
--R
                           512a c
            \ |
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
```

```
--R
            (81A c - 625B a) | x
--R
--R
             4 4 2 3 2 3 2
--R
         (- 8a c x - 16a c x - 8a c )
--R
--R
--R
               | 42 22 42
--R
         | 2 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
         --R
               - 1
              \ I
--R
                       4194304a c
--R
--R
--R
         \backslash \Gamma
                          512a c
--R
--R
        log
--R
                          | 42 22 42
--R
--R
                       47 \mid -81A c + 450A B a c - 625B a
--R
               - 196608A a c |-----
                         5 9
\| 4194304a c
--R
--R
--R
                    2 2 3 3 3 2
--R
               - 1440A B a c + 4000B a c
--R
--R
--R
--R
              --R
              | 4 2 2 2 4 2 4 2 2 4 2 4 2 4 1 - 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
              --R
                    \| 4194304a c
--R
--R
                               2 4
--R
              \backslash I
                              512a c
--R
              4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (81A c - 625B a) | x
--R
          2 3 2
--R
                                 2 +-+
--R
       (3A cx - 9B a cx - A a cx - 5B a) \setminus |x|
--R /
       4 4 2 3 2 3 2
--R
--R
      16a c x + 32a c x + 16a c
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 998
--S 999 of 1396
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                    +-----+
--R
                   | 4 2 2 2 4 2 1 4 2 2 1 4 2 1 2 4 1 - 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
--R
                   --R
          2 4+---+4+-+ | \| 4194304a c
--R
       16a c \|- a \|c |------
--R
--R
                  \backslash I
--R
                                 512a c
--R
--R
       log
--R
                     | 42 22 42
--R
                  4 7 |- 81A c + 450A B a c - 625B a 2 2 3
--R
             196608A a c |----- + 1440A B a c
--R
                    J 5 9
--R
--R
                    \| 4194304a c
--R
--R
                3 3 2
--R
             - 4000B a c
--R
--R
              +-----+
--R
--R
            | 42 22
| 24|-81Ac + 450ABac - 625Ba
--R
--R
            |1024a c |---- - 15A B
            | | 5 9
| \| 4194304a c
--R
--R
--R
            2 4
--R
            \ |
                          512a c
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
          (81A c - 625B a) | x
--R
--R
--R
            2 4+---+4+-+
--R
--R
         16a c \|- a \|c
--R
--R
--R
                | 42 22 42
--R
          | 2 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
          --R
                         5 9
--R
```

```
| \| 4194304a c
--R
--R
                         2 4
--R
          1
--R
          \backslash I
                          512a c
--R
--R
          log
--R
                         | 42 22 42
--R
                      4 7 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
                196608A a c |-----
                        | 5 9
|\ 4194304a c
--R
                               4194304a c
--R
--R
                     2 2 3 3 3 2
--R
--R
                - 1440A B a c + 4000B a c
--R
--R
--R
                     | 42 22 42
--R
               | 2 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
                |- 1024a c |----- - 15A B
                           5 9
--R
                       - 1
                  \| 4194304a c
--R
--R
                               2 4
--R
               512a c
--R
               \backslash I
--R
                4 2 4 2 +-+
--R
--R
              (81A c - 625B a) | x
--R
--R
                          +-----+
--R
                    | 4 2 2 2 4 2 | 4 2 | 2 4 | - 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
--R
                    |- 1024a c |----- - 15A B
                            1 5 9
--R
--R
           2 4+---+4+-+ | \| 4194304a c
--R
        16a c \|- a \|c |-----
                                     2 4
--R
                    512a c
--R
                    \backslash I
--R
--R
        log
--R
                        | 42 22 42
--R
--R
                      4\ 7\ | -\ 81A\ c\ +\ 450A\ B\ a\ c\ -\ 625B\ a
              - 196608A a c |-----
--R
                       | 5 9
\| 4194304a c
--R
--R
--R
                 2 2 3 3 3 2
--R
```

```
--R
            1440A B a c - 4000B a c
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
--R
             2 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
--R
             |- 1024a c |----- - 15A B
--R
                    - 1
                  \| 4194304a c
--R
--R
--R
                              2 4
--R
            \backslash I
                           512a c
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (81A c -625B a)\x
--R
--R
--R
            2 4+---+4+-+
--R
         16a c \|- a \|c
--R
--R
          +----+
--R
              | 42 22 42
--R
--R
          | 2 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
          |1024a c |----- - 15A B
--R
                     5 9
          --R
--R
--R
--R
          1
                            2 4
--R
         \backslash I
                         512a c
--R
--R
         log
                        +-----+
--R
--R
--R
                      4 7 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
               - 196608A a c |-----
                        | 5 9
|\ 4194304a c
--R
--R
--R
                    2 2 3 3 3 2
--R
--R
               - 1440A B a c + 4000B a c
--R
--R
--R
                    | 42 22 42
--R
--R
               | 2 4 |- 81A c + 450A B a c - 625B a
--R
               |1024a c |----- - 15A B
                            5 9
--R
                    \| 4194304a c
--R
--R
```

```
--R
                     2 4
                    \backslash I
--R
                                           512a c
--R
--R
                      4 2
                               4 2 +-+
--R
                  (81A c - 625B a) | x
--R
--R
                                4+-+ +-+
                                                                    4+-+ +-+
--R
                                \|c \|x
                                                                    \c \| x \
         (3A|c - 5B|- a) atanh(-----) + (- 3A|c - 5B|- a) atan(-----)
--R
--R
                                 4+---+
                                                                     4+---+
--R
                                 \|- a
                                                                     \|- a
--R
            2 4+---+4+-+
--R
--R
       32a c \|- a \|c
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 999
--S 1000 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1000
)clear all
--S 1001 of 1396
t0:=x^{(3/2)*(A+B*x)/(a+c*x^2)^3}
--R
--R
--R
                    2
                            +-+
--R
                (B x + A x) \setminus |x
--R
--R
          3 6
                  2 4
                           2 2
--R
          c x + 3a c x + 3a c x + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1001
--S 1002 of 1396
r0:=-1/4*x^{(3/2)}*(a*B-A*c*x)/(a*c*(a+c*x^2)^2)-3/32*atan(c^{(1/4)}*_
    3/32*atanh(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(B*sqrt(-a)+A*sqrt(c))/_
    ((-a)^{(7/4)*c^{(7/4)}}-3/16*(A-B*x)*sqrt(x)/(a*c*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                   2 4
                                       2 +-+
                               2
--R
             (-3Acx - 6Aacx - 3Aa)\|c
--R
```

```
2 4 2 2 +---+
--R
--R
          (- 3B c x - 6B a c x - 3B a )\|- a
--R
--R
             4+-+ +-+
--R
             \|c \|x
         atanh(-----)
--R
              4+---+
--R
--R
              \|- a
--R
                2 4
--R
                          2
                                2 +-+
--R
          (- 3A c x - 6A a c x - 3A a )\|c
--R
                    2 2 +---+
--R
           (3B c x + 6B a c x + 3B a) = a
--R
--R
--R
             4+-+ +-+
--R
             \|c \|x
         atan(-----)
--R
             4+---+
--R
--R
             \|- a
--R
--R
                         4+---+3 4+-+3 +-+
--R
        (6B c x + 2A c x - 2B a x - 6A a) = a \le x
--R /
--R
          3 4 2 2 2 3 4+---+3 4+-+3
--R
      (32a c x + 64a c x + 32a c) = a | c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1002
--S 1003 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
              3 4 2 2 2 3
--R
         (- 8a c x - 16a c x - 8a c)
--R
--R
--R
--R
                 | 42 22
--R
--R
               3 3 |- 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
          --R
                            7 7
                 --R
              \1
                          4194304a c
--R
--R
                              3 3
--R
         \backslash I
                           512a c
--R
--R
         log
--R
                          +----+
```

```
| 42 22 42
--R
             --R
--R
                   7 7
\| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
                2 3 2
--R
             288A B a c
--R
--R
--R
--R
            3 3 |- 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
--R
            --R
                         7 7
                  - 1
            | \| 4194304a c
--R
--R
--R
            - 1
                          3 3
--R
                         512a c
            \I
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (27A c - 27B a) \
--R
          3 4 2 2 2 3
--R
--R
       (8a c x + 16a c x + 8a c)
--R
--R
            +-----+
| 4222242
--R
        | 4 2 2 2 4 3 3 | - 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
--R
        |- 1024a c |----- - 9A B
--R
                    7 7
        1
--R
              \1
--R
                     4194304a c
--R
--R
       -
                       3 3
--R
       \backslash I
                      512a c
--R
--R
       log
--R
                    | 42 22 42
--R
--R
                  6 5 |- 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
             65536B a c |----- + 288A a c
--R
                    7 7
                    \| 4194304a c
--R
--R
--R
                 2 3 2
--R
            - 288A B a c
--R
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
            |- 1024a c |----- - 9A B
                 .
| 7 7
|| 4194304a c
--R
--R
--R
                         3 3
--R
--R
                          512a c
           \ I
--R
           4 2 4 2 +-+
--R
          (27A c - 27B a )\|x
--R
--R
           3 4 2 2 2 3
--R
       (- 8a c x - 16a c x - 8a c)
--R
--R
--R
--R
              | 42 22 42
--R
        3 3 |- 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
--R
        |- 1024a c |----- - 9A B
--R
--R
           \| 4194304a c
--R
                     3 3
--R
--R
                      512a c
       1
--R
--R
       log
--R
                     1 42 22 42
--R
             --R
--R
                    77
--R
                    \| 4194304a c
--R
--R
--R
               2 3 2
--R
            288A B a c
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
            3 3 |- 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
--R
            |- 1024a c |----- - 9A B
                          7 7
--R
                  1
--R
            | \| 4194304a c
--R
                          3 3
--R
--R
           \mathbf{I}
                          512a c
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (27A c - 27B a) | x
```

```
--R
         3 4 2 2 2 3
--R
--R
        (8a c x + 16a c x + 8a c)
--R
--R
         --R
--R
         | 3 3 |- 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
        |1024a c |----- - 9A B
--R
--R
              - 1
--R
            \1
                     4194304a c
--R
--R
                        3 3
--R
        \backslash I
                       512a c
--R
--R
        log
--R
                       | 42 22 42
--R
                     6 5 |- 81A c + 162A B a c - 81B a 3 2 3
--R
              - 65536B a c |----- + 288A a c
--R
                           7 7
--R
                      - 1
--R
                       \| 4194304a c
--R
--R
                  2 3 2
--R
              - 288A B a c
--R
--R
--R
               --R
             --R
             |1024a c |----- - 9A B
--R
                         -----
7 7
             1
--R
--R
                           4194304a c
--R
             3 3
--R
            \ |
                           512a c
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
           (27A c - 27B a )\|x
--R
--R
          3 2
--R
--R
      (3B c x + A c x - B a x - 3A a) \setminus |x|
--R /
--R
        3 4 2 2 2
--R
     16a c x + 32a c x + 16a c
--R
                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1003
--S 1004 of 1396
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
              4+---+3 4+-+3
--R
          16a c \|- a \|c
--R
--R
--R
                 | 42 22 42
--R
--R
             3 3 |- 81A c + 162A B a c - 81B a
           |1024a c |----- - 9A B
--R
--R
                 - 1
                \| 4194304a c
--R
--R
                          3 3
--R
--R
          1/
                         512a c
--R
--R
          log
--R
                         +----+
                        | 42 22 42
--R
                      6 5 |- 81A c + 162A B a c - 81B a 3 2 3
--R
--R
                 65536B a c |----- - 288A a c
                        7 7
\| 4194304a c
--R
--R
--R
                 2 3 2
--R
--R
                288A B a c
--R
--R
                | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
                | 4 2 2 2 4 2 | 3 3 | - 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
--R
--R
                |1024a c |----- - 9A B
                     7 7
\| 4194304a c
--R
--R
--R
                                 3 3
--R
--R
               \backslash I
                               512a c
--R
               4 2 4 2 +-+
--R
--R
              (27A c - 27B a )\|x
--R
--R
                        +-----+
| 42 22 42
--R
--R
                      3 3 |- 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
--R
                      |- 1024a c |----- - 9A B
                              .
| 7 7
--R
            4+---+3 4+-+3 | \| 4194304a c
--R
```

```
16a c \|- a \|c |-----
--R
                                     3 3
--R
                     - 1
--R
                     \backslash I
                                      512a c
--R
--R
        log
                     +-----+
--R
--R
                    6 5 |- 81A c + 162A B a c - 81B a 3 2 3
--R
              65536B a c |----- + 288A a c
--R
                          7 7
                      1
--R
--R
                     \| 4194304a c
--R
                   2 3 2
--R
--R
              - 288A B a c
--R
--R
--R
                    | 42 22 42
--R
             3 3 |- 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
--R
              |- 1024a c |----- - 9A B
--R
                    - 1
--R
                 \| 4194304a c
--R
                            3 3
--R
--R
                             512a c
             \backslash I
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (27A c - 27B a) | x
--R
--R
--R
              4+---+3 4+-+3
--R
          16a c \|- a \|c
--R
--R
          | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
           | 3 3 |- 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
--R
           |- 1024a c |----- - 9A B
--R
                  - 1
               \| 4194304a c
--R
--R
--R
                           3 3
--R
          1/
                          512a c
--R
--R
          log
--R
                         | 42 22 42
--R
                       6 5 |- 81A c + 162A B a c - 81B a 3 2 3
--R
                - 65536B a c |----- - 288A a c
--R
                                7 7
--R
                          1
```

```
\| 4194304a c
--R
--R
              2 3 2
--R
--R
              288A B a c
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
             3 3 | - 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
--R
             |- 1024a c |----- - 9A B
--R
               I
                   \| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
                          512a c
             XI.
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (27A c - 27B a) | x
--R
--R
                   | +-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
                   3 3 |- 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
--R
                   |1024a c |----- - 9A B
                        7 7
--R
          4+---+3 4+-+3 | \| 4194304a c
--R
       16a c \|- a \|c |-----
--R
                           3 3
--R
                  -
--R
                  \backslash I
                               512a c
--R
--R
       log
--R
                     +----+
                    | 42 22 42
--R
                  | 42 22 42
65|-81Ac+162ABac-81Ba 323
--R
--R
            - 65536B a c |----- + 288A a c
                    7 7
--R
                         4194304a c
--R
                   \ I
--R
--R
                2 3 2
--R
            - 288A B a c
--R
--R
--R
            | +-----+
                | 42 22 42
--R
            3 3 |- 81A c + 162A B a c - 81B a
--R
--R
            |1024a c |----- - 9A B
                      7 7
--R
            --R
            | \| 4194304a c
--R
--R
                         3 3
```

```
--R
                  \backslash I
                                         512a c
--R
--R
                    4 2 4 2 +-+
--R
                 (27A c - 27B a) | x
--R
--R
                                  4+-+ +-+
                                                                      4+-+ +-+
--R
                                  \c \| x
                                                                      \c \| x
--R
          (3A\c + 3B\c - a) a tanh(-----) + (3A\c - 3B\c - a) a tanh(-----)
--R
                                   4+---+
                                                                       4+---+
                                   \|- a
--R
                                                                        \|- a
--R
             4+---+3 4+-+3
--R
       32a c \|- a \|c
--R
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1004
--S 1005 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1005
)clear all
--S 1006 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(x)/(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R
--R
                  (B x + A) \setminus |x
--R
--R
           3 6
                   2 4
                             2 2
--R
          cx + 3acx + 3acx + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1006
--S 1007 of 1396
r0:=1/32*atanh(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(3*B*sqrt(-a)-_
     5*A*sqrt(c))/((-a)^(9/4)*c^(5/4))+1/32*atan(c^(1/4)*sqrt(x)/_
     (-a)^{(1/4)}*(3*B*sqrt(-a)+5*A*sqrt(c))/((-a)^{(9/4)}*c^{(5/4)}-_
     1/4*(a*B-A*c*x)*sqrt(x)/(a*c*(a+c*x^2)^2)+1/16*(a*B+5*A*c*x)*_
     sqrt(x)/(a^2*c*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
      (2)
                                  2 2 +-+
--R
                    2 4
--R
             (-5Acx - 10Aacx - 5Aa)\c
--R
```

```
2 4 2 2 +---+
--R
--R
           (3B c x + 6B a c x + 3B a )\|- a
--R
--R
              4+-+ +-+
--R
              \|c \|x
         atanh(-----)
--R
              4+---+
--R
--R
               \|- a
--R
--R
               2 4
                          2 2 +-+
--R
           (5A c x + 10A a c x + 5A a )\|c
--R
                     2 2 +---+
--R
           (3B c x + 6B a c x + 3B a) = a
--R
--R
--R
             4+-+ +-+
--R
             \|c \|x
         atan(-----)
--R
--R
             4+---+
--R
              \|- a
--R
             2 3 2
--R
                             2 4+---+4+-+ +-+
--R
        (10A c x + 2B a c x + 18A a c x - 6B a )\|- a \|c \|x
--R /
--R
         2 3 4 3 2 2 4 4+---+4+-+
--R
      (32a c x + 64a c x + 32a c) = a = c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1007
--S 1008 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
           2 3 4 3 2 2 4
--R
          (8a c x + 16a c x + 8a c)
--R
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
--R
--R
              4 2 | - 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
          |1024a c |----- - 15A B
--R
                             9 5
                 --R
                \|
                          4194304a c
--R
--R
                                4 2
--R
         \backslash I
                             512a c
--R
--R
         log
--R
                           +----+
```

```
| 42 22 42
--R
            --R
--R
                   9 5
1 4194304a c
--R
--R
--R
             3 4
--R
--R
            - 864B a c
--R
--R
--R
                 | 42 22 42
--R
            4 2 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
            9 5
--R
                 - 1
            | \| 4194304a c
--R
--R
           |-----
--R
           - 1
                        4 2
--R
                        512a c
           \I
--R
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
          (625A c - 81B a )\|x
--R
          2 3 4 3 2 2 4
--R
--R
       (- 8a c x - 16a c x - 8a c)
--R
--R
--R
           | 4 2 2 2 4 2 4 2 4 2 | 4 2 | - 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
        |- 1024a c |----- - 15A B
--R
                   9 5
        1
--R
             \I
--R
                    4194304a c
--R
--R
       -
                      4 2
--R
       \backslash I
                     512a c
--R
--R
       log
--R
                    | 42 22 42
--R
                  7 4 | - 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
            327680A a c |----- - 2400A B a c
                   | 9 5
| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
             3 4
--R
           864B a c
--R
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
             |- 1024a c |----- - 15A B
                   .
| 9 5
|| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
--R
                            512a c
            \ I
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (625A c - 81B a) | x
--R
          2 3 4 3 2 2 4
--R
        (8a c x + 16a c x + 8a c)
--R
--R
--R
--R
               | 42 22 42
--R
        4 2 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
        |- 1024a c |----- - 15A B
--R
             \1
--R
                      4194304a c
--R
                        4 2
--R
--R
                       512a c
        1
--R
--R
        log
--R
                       | 42 22 42
--R
--R
                     7 4 \mid - 625A c + 450A B a c - 81B a
              - 327680A a c |-----
--R
                      | 9 5
| 4194304a c
--R
--R
--R
                 2 3 2 3 4
--R
--R
              2400A B a c -864B a c
--R
--R
--R
                     | 42 22
--R
             | 4 2 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
             |- 1024a c |----- - 15A B
                            9 5
--R
                    - 1
--R
             | \| 4194304a c
--R
                             4 2
--R
--R
            \ I
                             512a c
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (625A c - 81B a) | x
```

```
--R
--R
         2 3 4 3 2 2 4
--R
        (- 8a c x - 16a c x - 8a c)
--R
--R
        --R
--R
--R
        | 4 2 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
        |1024a c |----- - 15A B
--R
                     9 5
--R
              - 1
--R
            \1
                     4194304a c
--R
--R
--R
        \backslash I
                        512a c
--R
--R
        log
--R
                       | 42 22 42
--R
--R
                     7 \ 4 \ | -625A \ c + 450A \ B \ a \ c - 81B \ a
--R
              - 327680A a c |-----
--R
                       1
--R
                       \I
                           4194304a c
--R
                  2 3 2 3 4
--R
--R
              - 2400A B a c + 864B a c
--R
--R
--R
              --R
             --R
             --R
                         9 5
             1
--R
--R
                          4194304a c
--R
             4 2
--R
            \ |
                           512a c
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (625A c - 81B a )\|x
--R
          2 3 2
--R
      (5A c x + B a c x + 9A a c x - 3B a) \setminus |x|
--R
--R /
--R
       2 3 4 3 2 2 4
--R
     16a c x + 32a c x + 16a c
--R
                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1008
--S 1009 of 1396
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R (4)
--R
--R
                    | 42 22 42
--R
                 --R
                 --R
--R
         2 4+---+4+-+ |
                    \1
--R
                            4194304a c
--R
       16a c\|- a \|c |-----
--R
                512a c
--R
                1/
--R
--R
       log
--R
--R
                    | 42 22 42
                                          2 32
                  7 4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
            327680A a c |----- + 2400A B a c
                   9 5
1 4194304a c
--R
--R
--R
--R
               3 4
            - 864B a c
--R
--R
--R
--R
               | 42 22 42
--R
            | 4 2 2 2 4 2 | 4 2 | 4 2 | 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
            |1024a c |----- - 15A B
--R
                       9 5
--R
            1
                \| 4194304a c
--R
--R
                          4 2
--R
--R
           XI.
                         512a c
--R
            4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (625A c - 81B a )\|x
--R
--R
          2 4+---+4+-+
--R
--R
         16a c\|- a \|c
--R
--R
--R
                | 42 22 42
--R
         4 2 | - 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
         |- 1024a c |----- - 15A B
         95
--R
            \| 4194304a c
--R
```

```
--R
--R
                         4 2
          -1
--R
         \backslash I
                        512a c
--R
--R
         log
--R
                       | 42 22 42
--R
--R
                     7 4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
               327680A a c |-----
--R
                       - 1
                       \| 4194304a c
--R
--R
                   2 3 2 3 4
--R
--R
               - 2400A B a c + 864B a c
--R
--R
--R
                     | 42 22 42
--R
--R
              | 4 2 | - 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
              |- 1024a c |----- - 15A B
--R
                     - 1
                    \| 4194304a c
--R
--R
                            4 2
--R
--R
                             512a c
              II
--R
               4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (625A c - 81B a) | x
--R
--R
                    +-----+
--R
                 | 4 2 2 2 4 2 | 4 2 | 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
                 --R
         --R
--R
--R
       16a c\|- a \|c |-----
--R
                 -
--R
                 11
                                512a c
--R
--R
       log
--R
--R
                       | 42 22 42
--R
                    7 4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
             - 327680A a c |-----
                      9 5
--R
                     \| 4194304a c
--R
--R
                2 3 2 3 4
--R
             2400 \text{\AA} B a c -864 \text{B} a c
--R
```

```
--R
--R
--R
                 | 4 2 2 2 4 4 2 | - 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
--R
            |- 1024a c |----- - 15A B
            9 5 | 4194304a c
--R
--R
--R
--R
            - 1
                           4 2
--R
            XI.
                          512a c
--R
             4 2 4 2 +-+
--R
--R
          (625A c - 81B a) | x
--R
--R
--R
                     +-----+
| 42 22 42
--R
--R
                   | 4 2 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
                   95
--R
           2 4+---+4+-+ | \| 4194304a c
--R
--R
         16a c\|- a \|c |-----
                   1
                                4 2
--R
                                 512a c
--R
                  \backslash \Gamma
--R
--R
         log
--R
                        | 42 22 42
--R
--R
                      7 4 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
               - 327680A a c |-----
--R
                       9 E
| 4194304a c
--R
--R
--R
                   2 3 2 3 4
--R
--R
               - 2400A B a c + 864B a c
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
              4 2 |- 625A c + 450A B a c - 81B a
--R
--R
              9 5
--R
                   \1
--R
                          4194304a c
--R
                           4 2
--R
--R
                           512a c
             \ I
--R
               4 2 4 2 +-+
--R
```

```
--R
                  (625A c - 81B a) | x
--R
--R
                                4+-+ +-+
                                                                  4+-+ +-+
                                               +-+ +---+
--R
                               \|c \|x
                                                                  \|c \|x
         (5A|c - 3B|- a) atanh(-----) + (- 5A|c - 3B|- a) atan(-----)
--R
--R
                                4+---+
                                                                   4+---+
--R
                                \|- a
                                                                   \|- a
--R /
         2 4+---+4+-+
--R
--R
       32a c\|- a \|c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1009
--S 1010 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1010
)clear all
--S 1011 of 1396
t0:=(A+B*x)/((a+c*x^2)^3*sqrt(x))
--R
--R
--R
                      B x + A
--R
     (1) -----
--R
          3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
         (c x + 3a c x + 3a c x + a) | x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1011
--S 1012 of 1396
r0:=1/32*atan(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)}*(5*B*sqrt(-a)-_
    21*A*sqrt(c))/((-a)^(11/4)*c^(3/4))-1/32*atanh(c^(1/4)*_
    sqrt(x)/(-a)^(1/4)*(5*B*sqrt(-a)+21*A*sqrt(c))/((-a)^(11/4)*__
    c^{(3/4)}+1/4*(A+B*x)*sqrt(x)/(a*(a+c*x^2)^2)+1/16*(7*A+5*B*x)*_
    sqrt(x)/(a^2*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                   2 4
                                2 2 +-+
--R
            (-21A c x - 42A a c x - 21A a) \ c
--R
                  2 4 2 +---+
--R
--R
            (-5Bcx - 10Bacx - 5Ba)\|-a
--R
--R
                4+-+ +-+
```

```
--R
             \|c \|x
--R
         atanh(----)
--R
              4+---+
--R
              \|- a
--R
                           2 2 +-+
                2 4
--R
--R
          (- 21A c x - 42A a c x - 21A a )\|c
--R
              2 4 2 2 +---+
--R
          (5B c x + 10B a c x + 5B a )\|- a
--R
--R
             4+-+ +-+
--R
--R
             \|c \|x
         atan(-----)
--R
--R
             4+---+
--R
             \|- a
--R
--R
                     2
                           4+---+3 4+-+3 +-+
--R
        (10B c x + 14A c x + 18B a x + 22A a)\|- a \|c \|x
--R /
--R
         2 2 4 3 2 4 4+---+3 4+-+3
--R
      (32a c x + 64a c x + 32a) = a | c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1012
--S 1013 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
             2 2 4 3 2 4
--R
--R
         (-8acx -16acx -8a)
--R
--R
--R
               | 42 22 42
--R
--R
            5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
          |1024a c |----- - 105A B
--R
               - 1
--R
               \ |
                          4194304a c
--R
--R
                               5
--R
         \backslash I
                              512a c
--R
--R
         log
--R
                          4 2 2 2 4 2
--R
--R
                       9 2 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
                327680B a c |-----
--R
--R
                          11 3
```

```
\| 4194304a c
--R
--R
                   3 3 2 2 4
--R
--R
             -296352A a c +16800A B a c
--R
--R
--R
                 4 2 2 2 4 2
--R
             | 5 | - 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
--R
             |1024a c |----- - 105A B
--R
             1
                \| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
                             512a c
            M
--R
--R
               4 2 4 2 +-+
--R
           (194481A c - 625B a) | x
--R
         2 2 4 3 2 4
--R
--R
       (8a c x + 16a c x + 8a)
--R
--R
--R
              | 42 22 42
--R
        5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
        |- 1024a c |----- - 105A B
--R
                        11 3
--R
              \| 4194304a c
--R
--R
--R
        1
                            5
--R
       11
                         512a c
--R
--R
       log
--R
                      4 2 2 2 4 2
--R
                   9 2 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
--R
             327680B a c |-----
                    11 3
\| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
                 3 3 2 2 4
--R
             296352A a c - 16800A B a c
--R
--R
--R
                   4 2 2 2 4 2
--R
             5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
             |- 1024a c |----- - 105A B
--R
--R
              11 3
```

```
| \| 4194304a c
--R
--R
--R
             - 1
--R
            \ I
                              512a c
--R
               4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (194481A c - 625B a) | x
--R
           2 2 4 3 2 4
--R
        (- 8a c x - 16a c x - 8a )
--R
--R
--R
--R
               | 42 22 42
--R
        5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
--R
        |- 1024a c |----- - 105A B
--R
--R
        | \| 4194304a c
--R
--R
--R
                          512a c
        \backslash I
--R
--R
        log
--R
                       1 42 22 42
--R
--R
                     9 2 | -194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
              - 327680B a c |-----
                      | 11 3
| 4194304a c
--R
--R
--R
                    3 3 2 2 4
--R
--R
             - 296352A a c + 16800A B a c
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
--R
             5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
             |- 1024a c |----- - 105A B
--R
               \| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
            M
                               512a c
--R
               4 2 4 2 +-+
--R
           (194481A c - 625B a) | x
--R
--R
--R
          2 2 4 3 2 4
--R
        (8a c x + 16a c x + 8a)
--R
```

```
--R
--R
             | 4 2 2 2 4 2
--R
--R
              5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
         |1024a c |----- - 105A B
                         11 3
--R
--R
               \ |
                         4194304a c
--R
--R
         1
--R
         \backslash I
                            512a c
--R
--R
         log
--R
                          | 42 22 42
--R
--R
                        9 2 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
               - 327680B a c |-----
--R
--R
                          \ |
                                    4194304a c
--R
                    3 3 2 2 4
--R
--R
               296352A a c - 16800A B a c
--R
--R
--R
                     | 42 22 42
--R
               5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
               |1024a c |----- - 105A B
--R
                                11 3
--R
               1
                    \\ 4194304a c
--R
--R
--R
                                     5
--R
              \backslash I
                                  512a c
--R
                 4 2 4 2 +-+
--R
--R
            (194481A c - 625B a) | x
--R
--R
                  2
       (5B c x + 7A c x + 9B a x + 11A a) \setminus |x|
--R
--R /
       2 2 4 3 2
--R
--R
     16a c x + 32a c x + 16a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1013
--S 1014 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R -
```

```
2 4+---+3 4+-+3
--R
--R
         16a \|- a \|c
--R
--R
--R
               | 42 22 42
--R
--R
          | 5 | - 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
          |1024a c |----- - 105A B
              11 3
\| 4194304a c
--R
            1
--R
--R
                          5
--R
                          512a c
--R
         1/
--R
--R
         log
--R
--R
                       | 42 22 42
--R
                     9 2 | -194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
               327680B a c |-----
                       | 11 3
|\ 4194304a c
--R
--R
--R
                    3 3 2 2 4
--R
--R
               - 296352A a c + 16800A B a c
--R
--R
--R
                   | 42 22 42
--R
              5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
               |1024a c |----- - 105A B
--R
                            11 3
--R
              \| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
              M
                               512a c
--R
--R
                4 2 4 2 +-+
--R
             (194481A c - 625B a) | x
--R
--R
         2 4+---+3 4+-+3
--R
       16a \|- a \|c
--R
--R
--R
              | 42 22 42
--R
        5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
--R
        |- 1024a c |----- - 105A B
--R
        1
          \| 4194304a c
--R
--R
```

```
--R
--R
       \backslash I
                          512a c
--R
--R
       log
--R
                      | 42 22 42
--R
--R
                   9 2 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
--R
                     1
                     4194304a c
--R
--R
                  3 3 2 2 4
--R
             296352A a c - 16800A B a c
--R
--R
--R
--R
--R
             5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
--R
             |- 1024a c |----- - 105A B
                             11 3
--R
              \| 4194304a c
--R
--R
                              5
--R
--R
            \backslash I
                              512a c
--R
               4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (194481A c - 625B a) | x
--R
--R
--R
           2 4+---+3 4+-+3
--R
         16a \|- a \|c
--R
--R
--R
                1 42 22 42
--R
          | 5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
          |- 1024a c |----- - 105A B
--R
--R
             1
--R
                \1
                          4194304a c
          |-----
--R
--R
--R
         \mathbf{I}
                            512a c
--R
--R
         log
--R
                         +----+
                         4 2 2 2 4 2
--R
--R
                       9 2 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
               - 327680B a c |-----
                        .
I 11 3
--R
                         \| 4194304a c
--R
```

```
--R
                 3 3 2 2 4
--R
--R
              - 296352A a c + 16800A B a c
--R
--R
--R
                    | 42 22 42
--R
--R
                 5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
             |- 1024a c |----- - 105A B
--R
                    - 1
                 \| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
                              512a c
--R
--R
                 4 2 4 2 +-+
--R
             (194481A c - 625B a )\|x
--R
         2 4+---+3 4+-+3
--R
--R
       16a \|- a \|c
--R
--R
--R
            | 42 22 42
--R
        | 5 |- 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
        |1024a c |----- - 105A B
--R
--R
--R
             NΙ
                 4194304a c
--R
--R
--R
       \backslash I
                        512a c
--R
--R
       log
--R
                       | 42 22 42
--R
--R
                     9 2 | - 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
             - 327680B a c |-----
--R
                               4194304a c
--R
--R
                 3 3 2 2 4
--R
--R
             296352A a c -16800A B a c
--R
--R
--R
                  4 2 2 2 4 2
--R
             | 5 | - 194481A c + 22050A B a c - 625B a
--R
--R
             |1024a c |----- - 105A B
             11 3
--R
               \| 4194304a c
--R
```

```
--R
                                            5
                   -1
--R
--R
                  \backslash I
                                            512a c
--R
                        4 2 4 2 +-+
--R
--R
                (194481A c - 625B a) | x
--R
--R
                                  4+-+ +-+
                                                  +-+ +---+
                                  \|c \|x
--R
                                                                      \c \| x
         (21A|c + 5B|- a) atanh(-----) + (21A|c - 5B|- a) atan(-----)
--R
--R
                                    4+---+
                                                                       4+---+
                                   \|- a
                                                                       \|- a
--R
--R
--R
          2 4+---+3 4+-+3
--R
       32a \|- a \|c
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1014
--S 1015 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1015
)clear all
--S 1016 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(3/2)}*(a+c*x^2)^3)
--R
--R
--R
                       B \times A
--R
           3 7 2 5 2 3 3 +-+
--R
--R
          (c x + 3a c x + 3a c x + a x) \setminus |x|
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1016
--S 1017 of 1396
r0:=-3/32*atan(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)})*(7*B*sqrt(-a)-_
    15*A*sqrt(c))/((-a)^(13/4)*c^(1/4))-3/32*atanh(c^(1/4)*_
    sqrt(x)/(-a)^(1/4)*(7*B*sqrt(-a)+15*A*sqrt(c))/((-a)^(13/4)*__
    c^{(1/4)}-45/16*A/(a^3*sqrt(x))+1/4*(A+B*x)/(a*(a+c*x^2)^2*_
    sqrt(x))+1/16*(9*A+7*B*x)/(a^2*(a+c*x^2)*sqrt(x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                   2 4 2 +-+
--R
             (45A c x + 90A a c x + 45A a) \ | c
```

```
--R
            2 4 2 2 +---+
--R
--R
          (21B c x + 42B a c x + 21B a )\|- a
--R
--R
                4+-+ +-+
         +-+
--R
                \|c \|x
         \|x atanh(-----)
--R
--R
                 4+---+
--R
                  \|- a
--R
--R
                 2 4
                           2 2 +-+
          (- 45A c x - 90A a c x - 45A a )\|c
--R
--R
                          2
--R
              2 4
--R
          (21B c x + 42B a c x + 21B a) = a
--R
--R
                4+-+ +-+
         +-+ \|c \|x
--R
--R
         \|x atan(-----)
                4+---+
--R
--R
                 \|- a
--R
             2 4 3
--R
                                   2 2 4+---+4+-+
--R
        (- 90A c x + 14B a c x - 162A a c x + 22B a x - 64A a )\|- a \|c
--R /
         3 2 4 4 2 5 4+---+4+-+ +-+
--R
--R
      (32a c x + 64a c x + 32a) = a | c | x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1017
--S 1018 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
            3 2 4 4 2 5 +-+
--R
--R
         (- 8a c x - 16a c x - 8a )\|x
--R
--R
--R
--R
               | 4 2
                             2 2
          | 6 | -4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
--R
          --R
                                   13
               - 1
--R
               11
                             4194304a c
--R
--R
--R
                                 512a
         \backslash I
--R
--R
         log
```

```
+-----+
| 4 2 2 2 4 2
--R
--R
--R
                    10 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
              327680A a c |-----
                             13
4194304a c
--R
                      - 1
--R
                      --R
--R
              - 151200A B a c + 32928B a
--R
--R
--R
--R
                   4 2 2 2
--R
--R
               6 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
            13
--R
                - 1
                       4194304a c
--R
               \1
--R
                             6
--R
--R
           \backslash I
                               512a
--R
                4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (455625A c - 21609B a) | x
--R
          3 2 4 4 2 5 +-+
--R
--R
        (8a c x + 16a c x + 8a) | x
--R
--R
--R
              | 42 22 42
--R
        6 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
        |- 1024a |----- + 945A B
--R
--R
                         4194304a c
--R
             \|
--R
--R
--R
        \backslash I
                            512a
--R
--R
        log
--R
                      1 4 2 2 2 4 2
--R
--R
                    10 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
              327680A a c |-----
--R
                      - 1
--R
                      11
                                 4194304a c
--R
                  2 4 3 5
--R
              151200A B a c - 32928B a
--R
--R
--R
```

```
+------+
| 42 22 42
--R
--R
--R
                 6 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
            |- 1024a |----- + 945A B
                             13
              1
--R
                       13
4194304a c
                  \I
--R
--R
--R
           \backslash I
                                512a
--R
                4 2 4 2 +-+
--R
           (455625A c - 21609B a) | x
--R
--R
           3 2 4 4 2 5 +-+
--R
        (- 8a c x - 16a c x - 8a )\|x
--R
--R
--R
--R
--R
         | 6 | -4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
                           13
--R
              - 1
--R
                          4194304a c
--R
                            6
--R
        --R
        1/
                             512a
--R
--R
        log
--R
                        1 4 2 2 2 4 2
--R
--R
                      10 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
              - 327680A a c |-----
--R
                       1
                       \I
                                   4194304a c
                    2 4 3 5
--R
              - 151200A B a c + 32928B a
--R
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
--R
--R
               6 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
            |- 1024a |----- + 945A B
--R
                  - 1
--R
                 \ |
                             4194304a c
--R
--R
--R
                                512a
--R
--R
                 4 2 4 2 +-+
```

```
--R
             (455625A c - 21609B a) | x
--R
--R
           3 2 4 4 2 5 +-+
--R
         (8a c x + 16a c x + 8a) | x
--R
--R
--R
--R
          | 6 | 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
--R
          --R
             - 1
--R
              \I
                           4194304a c
--R
--R
                               512a
--R
         \backslash I
--R
--R
         log
--R
                           4 2 2 2 4 2
--R
--R
                        10 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
                - 327680A a c |-----
--R
                          - 1
--R
                           \ I
                                       4194304a c
--R
                     2 4 3 5
--R
                151200A B a c - 32928B a
--R
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
--R
--R
                  6 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
                        4194304a c
--R.
--R
             \backslash I
                                   512a
--R
                  4 2 4 2 +-+
--R
--R
             (455625A c - 21609B a) | x
--R
            2 4 3
--R
--R
       - 45A c x + 7B a c x - 81A a c x + 11B a x - 32A a
--R /
        3 2 4 4 2 5 +-+
--R
      (16a c x + 32a c x + 16a) | x
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1018
--S 1019 of 1396
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
--R
            3 4+---+4+-+
--R
          16a \|- a \|c
--R
--R
--R
--R
                | 42 22
              6 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
           --R
--R
--R
               \1
                             4194304a c
--R
--R
                                 6
--R
           1/
                                 512a
--R
           log
--R
--R
                           | 42 22 42
--R
--R
                        10 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
                  327680A a c |-----
--R
--R
                           --R
                                       4194304a c
--R
                        2 4 3 5
--R
--R
                 - 151200A B a c + 32928B a
--R
                ROOT
--R
--R
                          4 2 2 2
--R
                         6 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
--R
--R
                          \backslash I
                                      4194304a c
--R
--R
                     945A B
--R
--R
--R
                    512a
--R
--R
                    4 2 4 2 +-+
               (455625A c - 21609B a) | x
--R
--R
           3 4+---+4+-+
--R
--R
        16a \|- a \|c
--R
--R
```

```
+-----+
| 42 22 42
--R
--R
        1
--R
             6 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
         |- 1024a |----- + 945A B
                          13
--R
        1 1
                   4194304a c
--R
              \ |
--R
--R
        512a
--R
        \backslash I
--R
--R
        log
--R
                       | 42 22 42
--R
--R
                    10 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
              327680A a c |-----
                                 13
--R
                      - 1
                             4194304a c
--R
                      \ |
--R
                  2 4 3 5
--R
--R
              151200A B a c - 32928B a
--R
--R
--R
                  | 42 22 42
--R
--R
                 6 \mid -4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
                      ----- + 945A B
--R
            |- 1024a |-
--R
                - 1
--R
                  \backslash I
                        4194304a c
--R
--R
--R
                                512a
--R
                4 2 4 2 +-+
--R
--R
           (455625A c - 21609B a) | x
--R
--R
--R
           3 4+---+4+-+
--R
          16a \|- a \|c
--R
--R
--R
--R
--R
            6 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
          |- 1024a |----- + 945A B
                             13
--R
            - 1
                            4194304a c
--R
              \1
--R
                               6
--R
          --R
          \backslash I
                               512a
--R
```

```
--R
          log
--R
--R
                           10
--R
                    327680A a c
--R
--R
                     | 42 22 42
--R
                     |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
--R
                     1
--R
                                  13
                                4194304a c
--R
                    \I
--R
                       2 4
                                 3 5
--R
--R
                 - 151200A B a c + 32928B a
--R
--R
               ROOT
--R
                           | 42 22 42
--R
--R
                         6 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
--R
                          \backslash I
                                       4194304a c
--R
--R
--R
                    945A B
--R
                   6
--R
--R
                   512a
--R
                   4 2 4 2 +-+
--R
--R
              (455625A c - 21609B a) | x
--R
          3 4+---+4+-+
--R
--R
        16a \|- a \|c
--R
--R
--R
             | 42 22 42
--R
         | 6 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
         --R
--R
             \|
--R
                          4194304a c
--R
--R
         -1
                              6
--R
        1/
                              512a
--R
--R
        log
--R
                         1 4 2 2 2 4 2
--R
--R
                       10 \mid - 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
               - 327680A a c |-----
```

```
--R
--R
                                              4194304a c
--R
--R
                        2 4
                                     3 5
                 151200A B a c - 32928B a
--R
--R
                     | 42 22
--R
--R
                    6 |- 4100625A c + 1786050A B a c - 194481B a
--R
                --R
                                   4194304a c
                     \backslash I
--R
--R
--R
                                          6
--R
                                        512a
               \backslash I
--R
--R
                     4 2 4 2 +-+
--R
               (455625A c - 21609B a) | x
--R
--R
                                  4+-+ +-+
--R
                     +---+
                                 \|c \|x
--R
         (- 45A\|c - 21B\|- a )atanh(-----)
                                  4+---+
--R
--R
                                  \|- a
--R
--R
                               4+-+ +-+
--R
           +-+ +---+
                               \|c \|x
--R
         (45A\|c - 21B\|- a )atan(-----)
--R
                                4+---+
--R
                                \|- a
--R /
--R
       3 4+---+4+-+
      32a \|- a \|c
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1019
--S 1020 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1020
)clear all
--S 1021 of 1396
t0:=(1-x)/((1+x^2)*sqrt(x))
--R
```

```
--R
--R
      - x + 1
--R (1) -----
         2 +-+
--R
--R
        (x + 1) | x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1021
--S 1022 of 1396
\texttt{r0:=-log(1+x-sqrt(2)*sqrt(x))/sqrt(2)+log(1+x+sqrt(2)*sqrt(x))/sqrt(2)}
--R
--R
             +-+ +-+
                                     +-+ +-+
--R
        log(|2 | x + x + 1) - log(- |2 | x + x + 1)
--R
--R
                             +-+
--R
                             \|2
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1022
--S 1023 of 1396
 r0b:=\%i*atan(1-\%i*sqrt(2)*sqrt(x))*sqrt(2)-atanh((\%i*sqrt(2)-2*sqrt(x))/sqrt(2))*sqrt(2) \\
--R
--R
                    +-+ +-+
--R
         +-+ 2\|x - %i\|2 +-+ +-+ +-+
--R
--R
     (3) |2 \operatorname{atanh}(-----) - \%i|2 \operatorname{atan}(\%i|2 |x - 1)
--R
--R
                       \|2
--R
                                         Type: Expression(Complex(Integer))
--E 1023
--S 1024 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                        +-+ +-+ 2
          +-+ (2x + 2) |2| |x + x + 4x + 1
--R
--R
         \|2 log(-----)
--R
--R
                           x + 1
--R
    (4) -----
--R
                          2
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1024
--S 1025 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R
     (5)
--R
                                               +-+ +-+ 2
--R
                +-+ +-+
                                      (2x + 2) | 2 | x + x + 4x + 1
--R
         - log(\|2 \|x + x + 1) + log(-----)
--R
                                                  2
--R
                                                  x + 1
--R
--R
                +-+ +-+
        \log(- |2|x + x + 1)
--R
--R /
--R
--R
       \|2
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1025
--S 1026 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (6) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1026
)clear all
--S 1027 of 1396
t0:=x^{(7/2)}*(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
--R.
             4 3 +-+ | 2
--R
    (1) (B x + A x) | x | c x + a
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1027
--S 1028 of 1396
--r0:=-14/117*a*B*x^(3/2)*(a+c*x^2)^(3/2)/c^2+2/11*A*x^(5/2)*_
      (a+c*x^2)^(3/2)/c+2/13*B*x^(7/2)*(a+c*x^2)^(3/2)/c-10/77*a*A*_
      (a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x)/c^2+2/15015*a^2*(325*A+539*B*x)*sqrt(x)*_
      \operatorname{sqrt}(a+c*x^2)/c^2-28/195*B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
      sqrt(-sqrt(-a)),-1)*(-sqrt(-a))^(15/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
      (c^{(11/4)}*sqrt(a+c*x^2))-4/15015*(-a)^{(13/4)}*_
      elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(539*B*_
      sqrt(-a)+325*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(11/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1028
--S 1029 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1029
```

```
--S 1030 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1030
--S 1031 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1031
)clear all
--S 1032 of 1396
t0:=x^{(5/2)}*(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
                          +----+
--R
            3
                  2 +-+ | 2
--R
    (1) (B x + A x) \mid x \mid c x + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1032
--S 1033 of 1396
--r0:=2/9*A*x^{(3/2)}*(a+c*x^2)^{(3/2)}/c+2/11*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(3/2)}/c-_
      10/77*a*B*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x)/c^2+2/1155*a*(25*a*B-77*A*c*x)*_
      sqrt(-sqrt(-a)),-1)*(-sqrt(-a))^(11/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*_a)
      sqrt(a+c*x^2)-4/1155*(-a)^(11/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
      sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(25*B*sqrt(-a)+77*A*sqrt(c))*_
      sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(9/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1033
--S 1034 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1034
--S 1035 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1035
--S 1036 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1036
)clear all
--S 1037 of 1396
t0:=x^{(3/2)}*(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
                    +-+ | 2
--R
          2
```

```
--R
     (1) (B x + A x) \setminus |x \setminus |c x + a
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1037
--S 1038 of 1396
--r0:=2/9*B*x^{(3/2)}*(a+c*x^2)^{(3/2)}/c+2/7*A*(a+c*x^2)^{(3/2)}*sqrt(x)/c-_
       2/105*a*(5*A+7*B*x)*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/c-4/15*B*_
       elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_
       (-sqrt(-a))^(11/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))-_
       4/105*(-a)^(9/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*_
       (7*B*sqrt(-a)+5*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1038
--S 1039 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1039
--S 1040 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1040
--S 1041 of 1396
--d0:=D(m0.x)
--E 1041
)clear all
--S 1042 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
                          +----+
--R
                      +-+ | 2
--R
     (1) (B x + A) \setminus |x \setminus |c x + a
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1042
--S 1043 of 1396
--r0:=2/7*B*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x)/c-2/105*(5*a*B-21*A*c*x)*sqrt(x)*_
       sqrt(a+c*x^2)/c-4/5*A*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
       sqrt(-sqrt(-a)),-1)*(-sqrt(-a))^(7/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
       (c^{(3/4)}*sqrt(a+c*x^2))-4/105*(-a)^{(7/4)}*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*___))
       sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*(5*B*sqrt(-a)+21*A*sqrt(c))*_
       sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(5/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1043
--S 1044 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1044
```

```
--S 1045 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1045
--S 1046 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1046
)clear all
--S 1047 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/sqrt(x)
--R
--R
--R
                   +----+
--R
                   1 2
--R (B x + A)\|c x + a
--R (1) -----
--R
                 +-+
--R
                 \|x
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1047
--S 1048 of 1396
--r0:=2/15*(5*A+3*B*x)*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)-_
      4/5*B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_
       (-sqrt(-a))^(7/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(3/4)*sqrt(a+c*x^2))-_
      4/15*(-a)^(5/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*_
       (3*B*sqrt(-a)+5*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(3/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1048
--S 1049 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1049
--S 1050 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1050
--S 1051 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1051
)clear all
--S 1052 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^3(3/2)
--R
--R
--R
                    +----+
```

```
--R
            | 2
     (B x + A) \setminus |c x + a|
--R
--R
    (1) -----
--R
                +-+
--R
                x \mid x
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1052
--S 1053 of 1396
--r0:=-2/3*(3*A-B*x)*sqrt(a+c*x^2)/sqrt(x)+4*A*c^(1/4)*_
      elliptic\_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*\_
      (-sqrt(-a))^(3/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/sqrt(a+c*x^2)-4/3*(-a)^(3/4)*_
      elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(B*sqrt(-a)-_
      3*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(1/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1053
--S 1054 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1054
--S 1055 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1055
--S 1056 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1056
)clear all
--S 1057 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^(5/2)
--R
--R
--R
                   1 2
--R
--R
        (B x + A) \setminus |c x + a|
--R (1) -----
                 2 +-+
--R
--R
               x \|x
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1057
--S 1058 of 1396
--r0:=-2/3*(A-3*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^(3/2)-4*B*sqrt(a+c*x^2)/sqrt(x)+_
      4*B*c^(1/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_
--
       (-sqrt(-a))^(3/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/sqrt(a+c*x^2)+4/3*(-a)^(1/4)*_
      c^{(1/4)}*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(3*B*_
      sqrt(-a)+A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/sqrt(a+c*x^2)
--E 1058
```

```
--S 1059 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1059
--S 1060 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1060
--S 1061 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1061
)clear all
--S 1062 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^(7/2)
--R
--R
--R
                      +----+
--R
                    | 2
--R (B x + A)\|c x + a
--R (1) -----
                  3 +-+
--R
--R
                  x \mid x
--R
                                                          Type: Expression(Integer)
--E 1062
--S 1063 of 1396
--r0:=4/3*B*sqrt(a+c*x^2)/x^(3/2)-2/5*(A+5*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^(5/2)-_
       4/5*A*c*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))+4/15*c^(3/4)*_
       elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(5*B*sqrt(-a)-_
--
       3*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/((-a)^(1/4)*sqrt(a+c*x^2))-_
       4/5*A*c^{(5/4)}*elliptic_e(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_{\_}
       \operatorname{sqrt}((a+c*x^2)/a)/(\operatorname{sqrt}(a+c*x^2)*\operatorname{sqrt}(-\operatorname{sqrt}(-a)))
--Е 1063
--S 1064 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1064
--S 1065 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1065
--S 1066 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1066
)clear all
```

```
--S 1067 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^(9/2)
--R
--R
--R
                                                          +----+
                                                         1 2
--R
                  (B x + A) \setminus |c x + a|
--R
--R (1) -----
--R
                                                   4 +-+
--R
                                                 x \mid x
--R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1067
--S 1068 of 1396
--r0:=\frac{4}{15}*B*sqrt(a+c*x^2)/x^(5/2)-\frac{4}{21}*A*c*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^(3/2))-\underline{1}
                   2/21*(3*A+7*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^(7/2)-4/5*B*c*sqrt(a+c*x^2)/_
                    (a*sqrt(x))-4/105*c^(5/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x))_{-}
                    (-a)^{(1/4)},-1)*(21*B*sqrt(-a)-5*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
                    ((-a)^(3/4)*sqrt(a+c*x^2))-4/5*B*c^(5/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_
                    \sqrt(x)/\sqrt(-\sqrt(-a))),-1)*\sqrt((a+c*x^2)/a)/(\sqrt(a+c*x^2)*_-)
                   sqrt(-sqrt(-a)))
--E 1068
--S 1069 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1069
--S 1070 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1070
--S 1071 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1071
)clear all
--S 1072 of 1396
t0:=x^{(5/2)}*(A+B*x)*(a+c*x^2)^{(3/2)}
--R
--R
--R
                                                                                                                                                +----+
                                              5 4 3 2 +-+ | 2
--R.
--R
             (1) (B c x + A c x + B a x + A a x )\|x \|c x + a
--R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1072
--S 1073 of 1396
--r0:=2/13*A*x^{(3/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+2/15*B*x^{(5/2)}/c+
```

```
2/3003*a*(13*a*B-77*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x)/c^2-_
       2/33*a*B*(a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(x)/c^2+4/15015*a^2*(65*a*B-_
       231*A*c*x)*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/c^2+8/65*A*_
       elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_{\_}
       (-sqrt(-a))^(15/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))+_
       8/15015*(-a)^(15/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*_
       (65*B*sqrt(-a)+231*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(9/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1073
--S 1074 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1074
--S 1075 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1075
--S 1076 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1076
)clear all
--S 1077 of 1396
t0:=x^{(3/2)}*(A+B*x)*(a+c*x^2)^{(3/2)}
--R
--R
--R
                4 3 2
--R
                                             +-+ | 2
--R.
     (1) (B c x + A c x + B a x + A a x) \setminus |x \setminus |c x + a
--R.
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 1077
--S 1078 of 1396
--r0:=2/13*B*x^(3/2)*(a+c*x^2)^(5/2)/c-2/3003*a*(39*A+77*B*x)*_
       (a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x)/c+2/11*A*(a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(x)/c-_
--
      4/5005*a^2*(65*A+77*B*x)*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/c+8/65*B*_
       elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_{\_}
       (-sqrt(-a))^(15/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))+_
       8/5005*(-a)^(13/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*_
       (77*B*sqrt(-a)+65*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1078
--S 1079 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1079
--S 1080 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1080
```

```
--S 1081 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1081
)clear all
--S 1082 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x)
--R
--R
--R
              3 2
                                       +-+ | 2
--R
--R
    (1) (B c x + A c x + B a x + A a) \setminus |x \setminus |c x + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1082
--S 1083 of 1396
--r0:=-2/693*(9*a*B-77*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x)/c+_
      2/11*B*(a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(x)/c-4/1155*a*(15*a*B-77*A*c*x)*_
--
      sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/c+8/15*A*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
      sqrt(-sqrt(-a)),-1)*(-sqrt(-a))^(11/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(3/4)*_a)
      sqrt(a+c*x^2))+8/1155*(-a)^(11/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
      sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(15*B*sqrt(-a)+77*A*sqrt(c))*_
      sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(5/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1083
--S 1084 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1084
--S 1085 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1085
--S 1086 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1086
)clear all
--S 1087 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/sqrt(x)
--R
--R
--R
                                        +----+
                              | 2
--R
--R
        (Bcx + Acx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R (1) ------
--R
                             +-+
```

```
--R
                              \|x
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1087
--S 1088 of 1396
--r0:=2/63*(9*A+7*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x)+4/105*a*(15*A+7*B*x)*_
      sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)+8/15*B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
       sqrt(-sqrt(-a))),-1)*(-sqrt(-a))^(11/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(3/4)*_
      sqrt(a+c*x^2)+8/105*(-a)^(9/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
      sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*(7*B*sqrt(-a)+15*A*sqrt(c))*_
      sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(3/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1088
--S 1089 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1089
--S 1090 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1090
--S 1091 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1091
)clear all
--S 1092 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^(3/2)
--R
--R
--R
                                           +----+
               3 2
                                         1 2
--R
        (Bcx + Acx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R (1) -----
--R
--R
                              x|/x
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1092
--S 1093 of 1396
--r0:=-2/7*(7*A-B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/sqrt(x)+4/35*(5*a*B+21*A*c*x)*_
      sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)-24/5*A*c^(1/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_elliptic_e)
       sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*(-sqrt(-a))^(7/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
       \operatorname{sqrt}(a+c*x^2)+8/35*(-a)^(7/4)*\operatorname{elliptic_f}(\operatorname{asin}(c^(1/4)*\operatorname{sqrt}(x)/_
       (-a)^{(1/4)}, -1)*(5*B*sqrt(-a)-21*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
--
       (c^{(1/4)}*sqrt(a+c*x^2))
--E 1093
--S 1094 of 1396
```

```
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1094
--S 1095 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1095
--S 1096 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1096
)clear all
--S 1097 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^(5/2)
--R
--R
--R
                                          +----+
--R
              3 2
                                         1 2
--R
        (Bcx + Acx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R (1) -----
--R
                           2 +-+
--R
                            x \mid x
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1097
--S 1098 of 1396
--r0:=-2/15*(5*A-3*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^(3/2)-4/15*(9*a*B-5*A*c*x)*_
      \ensuremath{\mbox{sqrt}(a+c*x^2)/\mbox{sqrt}(x)-24/5*B*c^(1/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*__
      \sqrt{(x)/\sqrt{(-x^2)}},-1)*(-\sqrt{(-a)})^{(7/2)}*\sqrt{(a+c*x^2)/a}
      sqrt(a+c*x^2)-8/15*(-a)^(5/4)*c^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*__
      sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(9*B*sqrt(-a)+5*A*sqrt(c))*_
--
      sqrt((a+c*x^2)/a)/sqrt(a+c*x^2)
--E 1098
--S 1099 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1099
--S 1100 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1100
--S 1101 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1101
)clear all
--S 1102 of 1396
```

```
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^(7/2)
--R
--R
--R
             3 2 | 2
--R
     (B c x + A c x + B a x + A a)\|c x + a
--R
--R (1) -----
--R
                         3 +-+
--R
                        x \mid x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1102
--S 1103 of 1396
--r0:=-2/15*(3*A-5*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^(5/2)-4/15*(5*a*B-9*A*c*x)*_
      sqrt(a+c*x^2)/x^3(3/2)-24/5*A*c*sqrt(a+c*x^2)/sqrt(x)+_
      24/5*A*c^{(5/4)}*elliptic_e(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_-
      (-sqrt(-a))^(3/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/sqrt(a+c*x^2)-_
      8/15*(-a)^(3/4)*c^(3/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
      (-a)^{(1/4)},-1)*(5*B*sqrt(-a)-9*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/sqrt(a+c*x^2)
--E 1103
--S 1104 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1104
--S 1105 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1105
--S 1106 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1106
)clear all
--S 1107 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^(9/2)
--R
--R
--R
             3 2
                                     | 2
--R
--R
        (Bcx + Acx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R (1) -----
--R.
                         4 +-+
--R
                         x \mid x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1107
--S 1108 of 1396
--r0:=-2/7*(A-7*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^(7/2)+8/7*A*c*sqrt(a+c*x^2)/x^(3/2)-__
```

```
12/35*(7*a*B+5*A*c*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^(5/2)-24/5*B*c*sqrt(a+c*x^2)/_
      sqrt(x)+24/5*B*c^(5/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
      sqrt(-sqrt(-a)),-1)*(-sqrt(-a))^(3/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
      sqrt(a+c*x^2)+8/35*(-a)^(1/4)*c^(5/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*__
      sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(21*B*sqrt(-a)+5*A*sqrt(c))*_
       sqrt((a+c*x^2)/a)/sqrt(a+c*x^2)
--E 1108
--S 1109 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1109
--S 1110 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1110
--S 1111 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1111
)clear all
--S 1112 of 1396
t0:=x^{(3/2)}*(A+B*x)*(a+c*x^2)^{(5/2)}
--R
--R
--R
     (1)
--R
--R
         26 25 4 3 22 2 +-+ | 2
--R
     (Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aax)\setminus |x \setminus |cx + ax|
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1112
--S 1113 of 1396
--r0:=2/17*B*x^{(3/2)}*(a+c*x^2)^{(7/2)}/c-4/51051*a^2*(221*A+385*B*x)*_
      (a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x)/c-2/36465*a*(221*A+495*B*x)*_
--
       (a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(x)/c+2/15*A*(a+c*x^2)^(7/2)*sqrt(x)/c-_
      8/51051*a^3*(221*A+231*B*x)*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/c-16/221*B*_
      elliptic_e(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_
       (-sqrt(-a))^(19/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))-_
      16/51051*(-a)^(17/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
      (-a)^{(1/4)}, -1)*(231*B*sqrt(-a)+221*A*sqrt(c))*_
      sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1113
--S 1114 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1114
--S 1115 of 1396
```

```
--m0:=a0-r0
--E 1115
--S 1116 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1116
)clear all
--S 1117 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(x)
--R
--R
--R
     (1)
--R
--R
        2 5
                2 4
                               3
                                           2
                                                 2
                                                         2 +-+ | 2
--R
    (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a )\|x \|c x + a
--R.
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1117
--S 1118 of 1396
--r0:=-4/9009*a*(39*a*B-385*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x)/c-_
      2/2145*(13*a*B-165*A*c*x)*(a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(x)/c+_
      2/15*B*(a+c*x^2)^(7/2)*sqrt(x)/c-8/3003*a^2*(13*a*B-77*A*c*x)*_
      sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/c-16/39*A*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_
      sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*(-sqrt(-a))^(15/2)*sqrt((a+_
      c*x^2/a/(c^(3/4)*sqrt(a+c*x^2))-16/3003*(-a)^(15/4)*_
      elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*(13*B*_
      sqrt(-a)+77*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(5/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1118
--S 1119 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1119
--S 1120 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1120
--S 1121 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1121
)clear all
--S 1122 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/sqrt(x)
--R
--R
--R
                                                                  +----+
```

```
--R
                                  2 5 2 4
                                                                                                   2 2 2 2 2
--R
                          (Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
--R
            (1) -----
--R
                                                                                                     +-+
--R
                                                                                                   \|x
--R
                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 1122
--S 1123 of 1396
--r0:=20/9009*a*(117*A+77*B*x)*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x)+2/143*(13*A+_1)*(13*A+_2)^2(14.5)*(13*A+_2)^2(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5)*(14.5
               11*B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(x)+8/3003*a^2*(195*A+77*B*x)*_
                sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)-16/39*B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
                sqrt(-sqrt(-a)),-1)*(-sqrt(-a))^(15/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
                (c^{(3/4)}*sqrt(a+c*x^2))-16/3003*(-a)^{(13/4)}*_
                elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(77*B*_
               sqrt(-a)+195*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(3/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1123
--S 1124 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1124
--S 1125 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1125
--S 1126 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1126
)clear all
--S 1127 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^(3/2)
--R
--R
--R
                                                                       3
                                                                                                                                                      2 | 2
                                                   2 4
                                                                                                       2 2
--R
                                2 5
--R
                       (Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
             (1) -----
--R
--R
--R
                                                                                                 x \mid x
--R.
                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1127
--S 1128 of 1396
--r0:=-2/11*(11*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/sqrt(x)+20/693*(9*a*B+77*A*c*x)*_
                (a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x)+8/231*a*(15*a*B+77*A*c*x)*sqrt(x)*_
                sqrt(a+c*x^2)+16/3*A*c^(1/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
                sqrt(-sqrt(-a)),-1)*(-sqrt(-a))^(11/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
```

```
sqrt(a+c*x^2)-16/231*(-a)^(11/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
      sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(15*B*sqrt(-a)-77*A*sqrt(c))*_
      sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(1/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1128
--S 1129 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1129
--S 1130 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1130
--S 1131 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1131
)clear all
--S 1132 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^(5/2)
--R
--R
--R
--R
           25 24 3 2 2 2 2 2
     (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a )\|c x + a
--R
    (1) -----
--R
--R
                                       2 +-+
--R
                                      x \mid x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1132
--S 1133 of 1396
-r0:=-2/9*(3*A-B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^(3/2)-20/63*(7*a*B-3*A*c*x)*_
      (a+c*x^2)^(3/2)/sqrt(x)+8/21*a*c*(5*A+7*B*x)*sqrt(x)*_
      sqrt(a+c*x^2)+16/3*B*c^(1/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
--
      sqrt(-sqrt(-a))),-1)*(-sqrt(-a))^(11/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
      sqrt(a+c*x^2)+16/21*(-a)^(9/4)*c^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*__
      sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(7*B*sqrt(-a)+5*A*sqrt(c))*_
      sqrt((a+c*x^2)/a)/sqrt(a+c*x^2)
--E 1133
--S 1134 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1134
--S 1135 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1135
```

```
--S 1136 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1136
)clear all
--S 1137 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^(7/2)
--R
--R
--R
                          3
                                     2 2
                                                        2 | 2
--R
            2 5 2 4
        (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a )\|c x + a
--R
    (1) -----
--R
--R
                                    3 +-+
--R
                                    x \mid x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1137
--S 1138 of 1396
--r0:=-4/105*(25*a*B-21*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^(3/2)-2/35*(7*A-5*B*x)*_
      (a+c*x^2)^(5/2)/x^(5/2)-8/105*a*c*(63*A-25*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/_
     sqrt(x)-48/5*A*c^(5/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
     sqrt(-sqrt(-a)),-1)*(-sqrt(-a))^(7/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
     sqrt(a+c*x^2)+16/105*(-a)^(7/4)*c^(3/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*__
     sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*(25*B*sqrt(-a)-63*A*sqrt(c))*_
     sqrt((a+c*x^2)/a)/sqrt(a+c*x^2)
--Е 1138
--S 1139 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1139
--S 1140 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1140
--S 1141 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1141
)clear all
--S 1142 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^(9/2)
--R
--R
--R
--R
                                                      2 | 2
            25 24 3 2 2
--R
         (Bcx + Acx + 2Bacx + 2Aacx + Bax + Aa) \setminus |cx + a|
```

```
--R
--R
                                          4 +-+
--R
                                         x \mid x
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1142
--S 1143 of 1396
--r0:=-4/105*(21*a*B-25*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^(5/2)-2/35*(5*A-7*B*x)*_
      (a+c*x^2)^(5/2)/x^(7/2)-8/105*a*c*(25*A-63*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/_
      x^{(3/2)-48/5}*a*B*c*sqrt(a+c*x^2)/sqrt(x)-48/5*B*c^{(5/4)}*_
      \texttt{elliptic\_e}(\texttt{asin}(\texttt{c}^(1/4) * \texttt{sqrt}(\texttt{x}) / \texttt{sqrt}(\texttt{-sqrt}(\texttt{-a}))), \texttt{-1}) *\_
      (-sqrt(-a))^(7/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/sqrt(a+c*x^2)-_
      16/105*(-a)^(5/4)*c^(5/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
      (-a)^{(1/4)}, -1)*(63*B*sqrt(-a)+25*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
      sqrt(a+c*x^2)
--E 1143
--S 1144 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1144
--S 1145 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1145
--S 1146 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1146
)clear all
--S 1147 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a+c*x^2)^(5/2)/x^(11/2)
--R
--R
--R
             25 24 3
                                          2 2
--R
                                                             2 | 2
--R
         (B c x + A c x + 2B a c x + 2A a c x + B a x + A a )\|c x + a
    (1) -----
--R
--R
--R
                                         x \mid x
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1147
--S 1148 of 1396
--r0:=-20/63*(3*a*B-7*A*c*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/x^(7/2)-2/9*(A-3*B*x)*_
       (a+c*x^2)^(5/2)/x^(9/2)+80/21*a*B*c*sqrt(a+c*x^2)/x^(3/2)-_
      8/21*a*c*(7*A+15*B*x)*sqrt(a+c*x^2)/x^(5/2)-16/3*A*c^2*_
      sqrt(a+c*x^2)/sqrt(x)+16/3*A*c^(9/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_
      sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*(-sqrt(-a))^(3/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
```

```
sqrt(a+c*x^2)-16/21*(-a)^(3/4)*c^(7/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*__
      sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(5*B*sqrt(-a)-7*A*sqrt(c))*_
      sqrt((a+c*x^2)/a)/sqrt(a+c*x^2)
--E 1148
--S 1149 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1149
--S 1150 of 1396
--m0:=a0-r0
--Е 1150
--S 1151 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1151
)clear all
--S 1152 of 1396
t0:=x^{(7/2)}*(A+B*x)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
             4 3 +-+
--R
--R \qquad (B x + A x) \setminus |x|
--R (1) -----
             +----+
--R
         | 2
\|c x + a
--R
--R
--R.
                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1152
--S 1153 of 1396
--r0:=-14/45*a*B*x^{(3/2)}*sqrt(a+c*x^2)/c^2+2/7*A*x^{(5/2)}*sqrt(a+c*x^2)/c+_
      2/9*B*x^{(7/2)}*sqrt(a+c*x^2)/c-10/21*a*A*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/c^2+_
      14/15*B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_
      (-sqrt(-a))^(11/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(11/4)*sqrt(a+c*x^2))+_
      2/105*(-a)^(9/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*_
       (49*B*sqrt(-a)+25*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(11/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1153
--S 1154 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1154
--S 1155 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1155
--S 1156 of 1396
```

```
--d0:=D(m0,x)
--Е 1156
)clear all
--S 1157 of 1396
t0:=x^{(5/2)}*(A+B*x)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
                                                              2 +-+
--R
                                         3
--R
                           (B x + A x) \setminus |x
--R (1) -----
                                        +----+
--R
                                            1 2
--R
--R
                                     \|c x + a
--R
                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1157
--S 1158 of 1396
--r0:=2/5*A*x^{(3/2)}*sqrt(a+c*x^2)/c+2/7*B*x^{(5/2)}*sqrt(a+c*x^2)/c-_
                    10/21*a*B*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/c^2+6/5*A*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_
                     sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a)),-1)*(-sqrt(-a))^(7/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
                     (c^{(7/4)*sqrt(a+c*x^2)}+2/105*(-a)^{(7/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)*}_-))}+2/105*(-a)^{(7/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(7/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(7/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(7/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(7/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(7/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(7/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}))}+2/105*(-a)^{(1/4)*elliptic_f(asin(c^{(1/4)
                     sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(25*B*sqrt(-a)+63*A*sqrt(c))*_
                     sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(9/4)*sqrt(a+c*x^2))
--Е 1158
--S 1159 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1159
--S 1160 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1160
--S 1161 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1161
)clear all
--S 1162 of 1396
t0:=x^{(3/2)*(A+B*x)/sqrt(a+c*x^2)}
--R
--R
--R
                                         2 +-+
--R
                          (B x + A x) \setminus |x|
--R (1) -----
--R
                                       +----+
                                            1 2
--R
```

```
--R
            \c x + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1162
--S 1163 of 1396
--r0:=2/5*B*x^(3/2)*sqrt(a+c*x^2)/c+2/3*A*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/c+_
      6/5*B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_
      (-sqrt(-a))^(7/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))+_
      2/15*(-a)^(5/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*_
      (9*B*sqrt(-a)+5*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))
--Е 1163
--S 1164 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1164
--S 1165 of 1396
--m0:=a0-r0
--Е 1165
--S 1166 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1166
)clear all
--S 1167 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(x)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
--R
        (B x + A) \setminus |x
--R (1) -----
--R
           +----+
--R
          | 2
--R
          \c x + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1167
--S 1168 of 1396
--r0:=2/3*B*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/c+2*A*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
      sqrt(a+c*x^2))+2/3*(-a)^(3/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
      (-a)^{(1/4)}, -1)*(B*sqrt(-a)+3*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
      (c^{(5/4)}*sqrt(a+c*x^2))
--E 1168
--S 1169 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1169
```

```
--S 1170 of 1396
--m0:=a0-r0
--Е 1170
--S 1171 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1171
)clear all
--S 1172 of 1396
t0:=(A+B*x)/(sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
            B x + A
--R (1) -----
           +----+
--R
--R
         +-+ | 2
--R
         --R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1172
--S 1173 of 1396
--r0 := 2*B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_-
      (-sqrt(-a))^(3/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(3/4)*sqrt(a+c*x^2))+_
      2*(-a)^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*_
      (B*sqrt(-a)+A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(3/4)*sqrt(a+c*x^2))
--Е 1173
--S 1174 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1174
--S 1175 of 1396
--m0:=a0-r0
--Е 1175
--S 1176 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1176
)clear all
--S 1177 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(3/2)}*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
             B x + A
--R (1) -----
```

```
--R
                                  +-+ | 2
--R
--R
                              x\parallel x \parallel c x + a
--R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1177
--S 1178 of 1396
--r0:=-2*A*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))+2*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
                   sqrt(x)/(-a)^(1/4),-1)*(B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
                    ((-a)^(1/4)*c^(1/4)*sqrt(a+c*x^2))-2*A*c^(1/4)*_
                   elliptic\_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*\_
                   sqrt((a+c*x^2)/a)/(sqrt(a+c*x^2)*sqrt(-sqrt(-a)))
--E 1178
--S 1179 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1179
--S 1180 of 1396
--m0:=a0-r0
--Е 1180
--S 1181 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1181
)clear all
--S 1182 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(5/2)}*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
                                        B x + A
--R (1) -----
                                  +----+
--R
                           2 +-+ | 2
--R
--R.
                          x \mid x \mid c x + a
--R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1182
--S 1183 of 1396
--r0:=-2/3*A*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^(3/2))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*sqrt(x))-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2*B*sqrt(x)-2
                   2/3*c^{(1/4)}*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*_{-}
                    (3*B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/((-a)^(3/4)*_
                   \operatorname{sqrt}(a+c*x^2))-2*B*c^(1/4)*elliptic_e(\operatorname{asin}(c^(1/4)*\operatorname{sqrt}(x)/_
--
                    sqrt(-sqrt(-a)),-1)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(sqrt(a+c*x^2)*sqrt(-sqrt(-a)))
--E 1183
--S 1184 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
```

```
--E 1184
--S 1185 of 1396
--m0:=a0-r0
--Е 1185
--S 1186 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1186
)clear all
--S 1187 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(7/2)}*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
             B x + A
--R (1) -----
--R
           +----+
         3 +-+ | 2
--R
--R
        x \|x \|c x + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1187
--S 1188 of 1396
--r0:=-2/5*A*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^(5/2))-2/3*B*sqrt(a+c*x^2)/(a*x^(3/2))+_
      6/5*A*c*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*sqrt(x))-6/5*A*c^(5/4)*_
      elliptic\_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*\_
      \sqrt{(a+c*x^2)/a}/((-\sqrt{a+c*x^2}))+2/15*c^(3/4)*_
      elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*(5*B*sqrt(-a)-_
      9*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/((-a)^(5/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1188
--S 1189 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1189
--S 1190 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1190
--S 1191 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1191
)clear all
--S 1192 of 1396
t0:=x^{(7/2)}*(A+B*x)/(a+c*x^2)^{(3/2)}
--R
```

```
--R
            4 3 +-+
--R
--R (B x + A x )\|x
--R (1) -----
--R
         (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1192
--S 1193 of 1396
--r0:=-x^{(7/2)*(a*B-A*c*x)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))+7/5*B*x^{(3/2)*}_-
      sqrt(a+c*x^2)/c^2-A*x^(5/2)*sqrt(a+c*x^2)/(a*c)+5/3*A*sqrt(x)*_
      \sqrt{(a+c*x^2)/c^2+21/5*B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
      sqrt(-sqrt(-a)),-1)*(-sqrt(-a))^(7/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(11/4)*__
      sqrt(a+c*x^2)+1/15*(-a)^(5/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
       (-a)^{(1/4)},-1)*(63*B*sqrt(-a)+25*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
       (c^{(11/4)}*sqrt(a+c*x^2))
--Е 1193
--S 1194 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1194
--S 1195 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1195
--S 1196 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1196
)clear all
--S 1197 of 1396
t0:=x^{(5/2)}*(A+B*x)/(a+c*x^2)^{(3/2)}
--R
--R
--R
               3
                     2 +-+
          (B x + A x) \setminus |x|
--R
--R
--R
            2 | 2
--R.
--R.
        (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1197
--S 1198 of 1396
--r0:=-x^{(5/2)*(a*B-A*c*x)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))-A*x^{(3/2)*sqrt(a+c*x^2)/_a}}
       (a*c)+5/3*B*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/c^2+3*A*elliptic_e(asin(c^(1/4)*__
```

```
sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a)),-1)*(-sqrt(-a))^(3/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
       (c^{(7/4)}*sqrt(a+c*x^2))+1/3*(-a)^{(3/4)}*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*__
       sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*(5*B*sqrt(-a)+9*A*sqrt(c))*sqrt((a+_
       c*x^2)/a)/(c^(9/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1198
--S 1199 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1199
--S 1200 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1200
--S 1201 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1201
)clear all
--S 1202 of 1396
t0:=x^{(3/2)}*(A+B*x)/(a+c*x^2)^{(3/2)}
--R
--R
                2 +-+
--R
            (B x + A x) \setminus |x
--R
--R
--R
             2 | 2
--R
--R.
         (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1202
--S 1203 of 1396
--r0:=-x^{(3/2)}*(a*B-A*c*x)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))-A*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/_
       (a*c)+3*B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_-
       (-sqrt(-a))^(3/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))+_
       (-a)^{(1/4)}*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*_
       (3*B*sqrt(-a)+A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1203
--S 1204 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1204
--S 1205 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1205
--S 1206 of 1396
```

```
--d0:=D(m0,x)
--E 1206
)clear all
--S 1207 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(x)/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
--R
            (B x + A) \setminus |x
--R (1) -----
     2 | 2
--R
--R
--R
        (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1207
--S 1208 of 1396
--r0:=-(a*B-A*c*x)*sqrt(x)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))+elliptic_f(asin(c^(1/4)*__
      \sqrt{(-a)^{(1/4)},-1}*(B*\sqrt{(-a)+A*\sqrt{(c)}}*\sqrt{(a+c*x^2)/a})_{-a}
      ((-a)^(1/4)*c^(5/4)*sqrt(a+c*x^2))+A*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))
      sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(3/4)*_
      sqrt(a+c*x^2)*sqrt(-sqrt(-a)))
--E 1208
--S 1209 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1209
--S 1210 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1210
--S 1211 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1211
)clear all
--S 1212 of 1396
t0:=(A+B*x)/((a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x))
--R
--R
--R
                 B \times A
--R (1) -----
--R
            2 +-+ | 2
--R
--R (c x + a)\|x \|c x + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1212
--S 1213 of 1396
--r0 := (A+B*x)*sqrt(x)/(a*sqrt(a+c*x^2)) + elliptic_f(asin(c^(1/4)*_A+B*x)) + ellip
                               sqrt(x)/(-a)^(1/4),-1)*(B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
                                ((-a)^(3/4)*c^(3/4)*sqrt(a+c*x^2))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_-))+B*elliptic_e(asin(c^(1/4)
                                sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(3/4)*_
                               sqrt(a+c*x^2)*sqrt(-sqrt(-a)))
--E 1213
--S 1214 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1214
--S 1215 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1215
--S 1216 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1216
)clear all
--S 1217 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(3/2)}*(a+c*x^2)^{(3/2)})
--R
--R
--R
                                                                                           B x + A
--R (1) -----
--R
                                                    3 +-+ | 2
--R
--R
                                         (c x + a x) | x | c x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 1217
--S 1218 of 1396
--r0:=(A+B*x)/(a*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2))-3*A*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*sqrt(x))+_
                              3*A*c^(1/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_
                                sqrt((a+c*x^2)/a)/((-sqrt(-a))^(5/2)*sqrt(a+c*x^2))-_
                                elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(B*sqrt(-a)-_
                               3*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/((-a)^(5/4)*c^(1/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1218
--S 1219 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1219
--S 1220 of 1396
--m0:=a0-r0
```

```
--E 1220
--S 1221 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1221
)clear all
--S 1222 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(3/2)})
--R
--R
--R
                  B x + A
--R
--R
           4 2 +-+ | 2
--R
--R
        (c x + a x) | x | c x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1222
--S 1223 of 1396
--r0:=(A+B*x)/(a*x^(3/2)*sqrt(a+c*x^2))-5/3*A*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x^(3/2))-1/2*x^2(3/2))-1/2*x^2(3/2)
      3*B*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*sqrt(x))+3*B*c^(1/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*__
      sqrt(a+c*x^2))+1/3*c^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
      (-a)^{(1/4)}, -1)*(9*B*sqrt(-a)-5*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
      ((-a)^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1223
--S 1224 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1224
--S 1225 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1225
--S 1226 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1226
)clear all
--S 1227 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(7/2)}*(a+c*x^2)^{(3/2)})
--R
--R
--R
                  B x + A
--R (1) -----
                        +----+
--R
```

```
5 3 +-+ | 2
--R
          (c x + a x) | x | c x + a
--R
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1227
--S 1228 of 1396
--r0:=(A+B*x)/(a*x^{(5/2)}*sqrt(a+c*x^2))-7/5*A*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x^{(5/2)})-__
      5/3*B*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*x^(3/2))+21/5*A*c*sqrt(a+c*x^2)/(a^3*_
      sqrt(x))+21/5*A*c^{(5/4)}*elliptic_e(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/_
      sqrt(-sqrt(-a)),-1)*sqrt((a+c*x^2)/a)/((-sqrt(-a))^(9/2)*_
      (-a)^(1/4)), -1)*(25*B*sqrt(-a)-63*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
      ((-a)^(9/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1228
--S 1229 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1229
--S 1230 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1230
--S 1231 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1231
)clear all
--S 1232 of 1396
t0:=x^{(7/2)}*(A+B*x)/(a+c*x^2)^{(5/2)}
--R
--R
--R
                          3 +-+
--R
                (B x + A x) \setminus |x
--R (1) -----
--R
          2 4 2 2 2 2
--R
--R
         (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1232
--S 1233 of 1396
--r0:=-1/3*x^{(7/2)}*(a*B-A*c*x)/(a*c*(a+c*x^2)^{(3/2)})+1/6*x^{(5/2)}*_
      (3*A+7*B*x)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))-7/6*B*x^(3/2)*sqrt(a+c*x^2)/_
--
      (a*c^2)-5/6*A*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/(a*c^2)+7/2*B*_
--
      elliptic_e(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_
      (-sqrt(-a))^(3/2)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(11/4)*sqrt(a+c*x^2))+_
      1/6*(-a)^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*_
      (21*B*sqrt(-a)+5*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(11/4)*sqrt(a+c*x^2))
```

```
--E 1233
--S 1234 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1234
--S 1235 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1235
--S 1236 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1236
)clear all
--S 1237 of 1396
t0:=x^{(5/2)*(A+B*x)/(a+c*x^2)^{(5/2)}}
--R
--R
--R
                      3 2 +-+
                  (B x + A x) \setminus |x
--R
--R (1) -----
                              +----+
--R
           2 4 2 2 | 2
--R
--R
          (c x + 2a c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1237
--S 1238 of 1396
--r0:=-1/3*x^{(5/2)}*(a*B-A*c*x)/(a*c*(a+c*x^2)^{(3/2)})+1/6*x^{(3/2)}*_
       (A+5*B*x)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))-5/6*B*sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2)/(a*c^2)+_
      1/6*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*(5*B*sqrt(-a)+_
--
      3*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/((-a)^(1/4)*c^(9/4)*sqrt(a+c*x^2))+_
      1/2*A*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_
      sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2)*sqrt(-sqrt(-a)))
--E 1238
--S 1239 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1239
--S 1240 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1240
--S 1241 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1241
```

```
)clear all
--S 1242 of 1396
t0:=x^{(3/2)*(A+B*x)/(a+c*x^2)^{(5/2)}}
--R
--R
--R
--R
                (B x + A x) \setminus |x
    (1) -----
--R
--R
          24 2 2 2 2
--R
--R
         (c x + 2a c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1242
--S 1243 of 1396
--r0:=-1/3*x^{(3/2)*(a*B-A*c*x)/(a*c*(a+c*x^2)^{(3/2)})-1/6*(A-3*B*x)*_
      sqrt(x)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))+1/6*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
      sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(3*B*sqrt(-a)-A*sqrt(c))*sqrt((a+c*_
      x^2/a/((-a)^(3/4)*c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2))+1/2*B*_
      elliptic_e(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_
      sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(7/4)*sqrt(a+c*x^2)*sqrt(-sqrt(-a)))
--E 1243
--S 1244 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1244
--S 1245 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1245
--S 1246 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1246
)clear all
--S 1247 of 1396
t0:=(A+B*x)*sqrt(x)/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                            +-+
--R.
             (B x + A) \setminus |x
--R
    (1) -----
                            +----+
--R
          2 4 2 2 | 2
--R
--R
         (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1247
```

```
--S 1248 of 1396
--r0:=-1/3*(a*B-A*c*x)*sqrt(x)/(a*c*(a+c*x^2)^(3/2))+1/6*(a*B+3*A*c*x)*\_
      sqrt(x)/(a^2*c*sqrt(a+c*x^2))-1/2*A*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_
      sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(3/4)*_
      (-sqrt(-a))^(5/2)*sqrt(a+c*x^2))-1/6*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
      sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(B*sqrt(-a)+3*A*sqrt(c))*_
      sqrt((a+c*x^2)/a)/((-a)^(5/4)*c^(5/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1248
--S 1249 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1249
--S 1250 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1250
--S 1251 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1251
)clear all
--S 1252 of 1396
t0:=(A+B*x)/((a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(x))
--R
--R
--R
                        B x + A
--R.
    (1) -----
--R
          2 4 2 2 +-+ | 2
--R
--R
          (c x + 2a c x + a) | x | c x + a
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1252
--S 1253 of 1396
--r0:=1/3*(A+B*x)*sqrt(x)/(a*(a+c*x^2)^(3/2))+1/6*(5*A+3*B*x)*sqrt(x)/_
      (a^2*sqrt(a+c*x^2))-1/2*B*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/_
      sqrt(-sqrt(-a)),-1)*sqrt((a+c*x^2)/a)/(c^(3/4)*(-sqrt(-a))^(5/2)*_
      sqrt(a+c*x^2))-1/6*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*_
      (3*B*sqrt(-a)-5*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/((-a)^(7/4)*c^(3/4)*_
      sqrt(a+c*x^2))
--E 1253
--S 1254 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1254
--S 1255 of 1396
```

```
--m0:=a0-r0
--E 1255
--S 1256 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1256
)clear all
--S 1257 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(3/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)})
--R
--R
--R
                       B x + A
--R (1) -----
--R
          2 5 3 2 +-+ | 2
--R
--R.
        (c x + 2a c x + a x) |x |c x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1257
--S 1258 of 1396
--r0:=1/3*(A+B*x)/(a*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(x))+1/6*(7*A+5*B*x)/(a^2*_A+5*B*x)
      sqrt(x)*sqrt(a+c*x^2))-7/2*A*sqrt(a+c*x^2)/(a^3*sqrt(x))-_
      7/2*A*c^{(1/4)}*elliptic_e(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*_
      sqrt((a+c*x^2)/a)/((-sqrt(-a))^(9/2)*sqrt(a+c*x^2))+_
      1/6*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/(-a)^(1/4)),-1)*(5*B*sqrt(-a)-_
      21*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/((-a)^(9/4)*c^(1/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1258
--S 1259 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1259
--S 1260 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1260
--S 1261 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1261
)clear all
--S 1262 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(5/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)})
--R
--R
--R
                       B x + A
--R (1) -----
```

```
--R
           2 6 4 2 2 +-+ | 2
--R
--R
          (c x + 2a c x + a x) | x | c x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1262
--S 1263 of 1396
--r0:=1/3*(A+B*x)/(a*x^(3/2)*(a+c*x^2)^(3/2))+1/6*(9*A+7*B*x)/_
      (a^2*x^(3/2)*sqrt(a+c*x^2))-5/2*A*sqrt(a+c*x^2)/(a^3*x^(3/2))-_
      7/2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a^3*sqrt(x))-7/2*B*c^(1/4)*_
      elliptic\_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x)/sqrt(-sqrt(-a))),-1)*\_
      elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*sqrt(x)/(-a)^{(1/4)},-1)*(7*B*sqrt(-a)-_
      5*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/((-a)^(11/4)*sqrt(a+c*x^2))
--E 1263
--S 1264 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1264
--S 1265 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1265
--S 1266 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--E 1266
)clear all
--S 1267 of 1396
t0:=(A+B*x)/(x^{(7/2)}*(a+c*x^2)^{(5/2)})
--R
--R
--R
                       B x + A
--R
    (1) -----
--R
          2 7 5 2 3 +-+ | 2
--R
--R
         (cx + 2acx + ax)||x||cx + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1267
--S 1268 of 1396
--r0:=1/3*(A+B*x)/(a*x^(5/2)*(a+c*x^2)^(3/2))+1/6*(11*A+9*B*x)/_
      (a^2*x^(5/2)*sqrt(a+c*x^2))-77/30*A*sqrt(a+c*x^2)/(a^3*x^(5/2))-_
--
      5/2*B*sqrt(a+c*x^2)/(a^3*x^(3/2))+77/10*A*c*sqrt(a+c*x^2)/_
--
      (a^4*sqrt(x))-77/10*A*c^(5/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(x))__
      sqrt(-sqrt(-a)),-1)*sqrt((a+c*x^2)/a)/((-sqrt(-a))^(13/2)*_
      sqrt(a+c*x^2)+1/10*c^3/4}*elliptic_f(asin(c^1/4)*sqrt(x)/_
      (-a)^{(1/4)}, -1)*(25*B*sqrt(-a)-77*A*sqrt(c))*sqrt((a+c*x^2)/a)/_
```

```
-- ((-a)^(13/4)*sqrt(a+c*x^2))
--Е 1268
--S 1269 of 1396
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1269
--S 1270 of 1396
--m0:=a0-r0
--E 1270
--S 1271 of 1396
--d0:=D(m0,x)
--Е 1271
)clear all
--S 1272 of 1396
t0:=x^m*(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
--R
           2 3 2 2
--R (1) (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a )x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1272
--S 1273 of 1396
r0:=a^2*A*x^(1+m)/(1+m)+a*(2*A*b+a*B)*x^(2+m)/(2+m)+b*(A*b+2*a*B)*_
    x^{(3+m)/(3+m)+b^2*B*x^(4+m)/(4+m)}
--R.
--R
--R (2)
            2 3 2 2
--R
                             2
--R
        (B b m + 6B b m + 11B b m + 6B b )x
--R
              2 3 2 2 2
--R
           (A b + 2B a b)m + (7A b + 14B a b)m + (14A b + 28B a b)m + 8A b
--R
--R
--R
           16B a b
--R
--R
           m + 3
--R
          x
--R
--R
                      2 3
                                          2 2
--R
           (2A a b + B a )m + (16A a b + 8B a )m + (38A a b + 19B a )m
--R
--R
--R
           24A a b + 12B a
--R
--R
          m + 2
```

```
--R
     x
--R
       23 22 2 2 m+1
--R
--R
      (A am + 9A am + 26A am + 24A a)x
--R /
--R
      4 3
                 2
--R
      m + 10m + 35m + 50m + 24
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1273
--S 1274 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
            23 22 2 2 4
--R
         (B b m + 6B b m + 11B b m + 6B b)x
--R
               2 3 2
--R
            (A b + 2B a b)m + (7A b + 14B a b)m + (14A b + 28B a b)m
--R
--R
--R
            8A b + 16B a b
--R
--R
--R
            3
--R
           x
--R
--R
                 2 3 2 2
--R
            (2A a b + B a )m + (16A a b + 8B a )m + (38A a b + 19B a )m
--R
--R
--R
           24A \ a \ b + 12B \ a
--R
--R
--R
          X
--R
           2 3
                  2 2 2
--R
--R
        (A a m + 9A a m + 26A a m + 24A a ) x
--R
--R
        m log(x)
--R
        %e
--R /
--R
      4 3 2
--R
      m + 10m + 35m + 50m + 24
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1274
--S 1275 of 1396
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R (4)
             23 22 2 24
--R
--R
           (B b m + 6B b m + 11B b m + 6B b )x
--R
                                       2 2
--R
                2 3
                               2
              (A b + 2B a b)m + (7A b + 14B a b)m + (14A b + 28B a b)m
--R
--R
--R
                2
             8A b + 16B a b
--R
--R
--R
             3
--R
            x
--R
--R
                       2 3
                                         2 2
--R
             (2A a b + B a )m + (16A a b + 8B a )m + (38A a b + 19B a )m
--R
--R
--R
              24A a b + 12B a
--R
--R
--R
           x
--R
--R
           2 3 2 2 2 2
--R
          (A am + 9A am + 26A am + 24A a)x
--R
--R
          m log(x)
--R
         %e
--R
--R
           23 22 2 2 m+4
--R
        (- B b m - 6B b m - 11B b m - 6B b )x
--R
--R
          (- A b - 2B a b)m + (- 7A b - 14B a b)m + (- 14A b - 28B a b)m
--R
--R
--R
          - 8A b - 16B a b
--R
--R
--R
         m + 3
--R
         x
--R
--R
                      2 3
--R.
          (- 2A a b - B a )m + (- 16A a b - 8B a )m + (- 38A a b - 19B a )m
--R
--R
                        2
--R
           - 24A a b - 12B a
--R
--R
         m + 2
--R
         х
--R
```

```
--R 23 22 2 ...

--R (- A a m - 9A a m - 26A a m - 24A a )x
          23 22 2 2 m+1
--R /
     4 3 2
--R
--R m + 10m + 35m + 50m + 24
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1275
--S 1276 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1276
)clear all
--S 1277 of 1396
t0:=x^4*(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R 2 7 2 6
                              2 5 2 4
--R (1) B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a x
--R
                                        Type: Polynomial(Integer)
--Е 1277
--S 1278 of 1396
r0:=1/5*a^2*A*x^5+1/6*a*(2*A*b+a*B)*x^6+1/7*b*(A*b+2*a*B)*x^7+1/8*b^2*B*x^8
--R
--R
--R 1 2 8 1 2 2 7 1 1 2 6 1 2 5
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1278
--S 1279 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    1 28 1 2 2 7 1 1 2 6 1 2 5
--R
--R (3) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
   8 7
--R
                      7
                                 3 6 5
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1279
--S 1280 of 1396
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1280
--S 1281 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1281
)clear all
--S 1282 of 1396
t0:=x^3*(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
           26 2 5
                                       2 4 2 3
--R
--R (1) B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a x
--R
                                                    Type: Polynomial(Integer)
--E 1282
--S 1283 of 1396
\texttt{r0:=}1/4*\texttt{a}^2*\texttt{A}*\texttt{x}^4+1/5*\texttt{a}*(2*\texttt{A}*\texttt{b}+\texttt{a}*\texttt{B})*\texttt{x}^5+1/6*\texttt{b}*(\texttt{A}*\texttt{b}+2*\texttt{a}*\texttt{B})*\texttt{x}^6+1/7*\texttt{b}^2*\texttt{B}*\texttt{x}^7
--R
--R
     1 27 1 2 1 6 2 1 2 5 1 2 4
--R
--R (2) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
        7 6 3
                                          5 5 4
--R
                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1283
--S 1284 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         1 27 1 2 1 6 2 1 2 5 1 2 4
--R
--R
    (3) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
                    6 3
                                           5 5
--R
                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1284
--S 1285 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Polynomial(Fraction(Integer))
```

```
--E 1285
--S 1286 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1286
)clear all
--S 1287 of 1396
t0:=x^2*(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
--R
     2 5 2 4
                                        2 3 2 2
--R (1) B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a x
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 1287
--S 1288 of 1396
r0:=1/3*a^2*A*x^3+1/4*a*(2*A*b+a*B)*x^4+1/5*b*(A*b+2*a*B)*x^5+1/6*b^2*B*x^6
--R.
--R
     1 26 1 2 2 5 1 1 2 4 1 2 3
--R
--R
    (2) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a)x + - A a x
--R
        6 5 5
                                  2 4 3
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1288
--S 1289 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
     1 26 1 2 2 5 1 1 2 4 1 2 3
--R
--R (3) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
    6 5 5
                                  2 4
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1289
--S 1290 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1290
--S 1291 of 1396
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1291
)clear all
--S 1292 of 1396
t0:=x*(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
                2
                        3
--R
          2 4
   (1) Bbx + (Ab + 2Bab)x + (2Aab + Ba)x + Aax
--R
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 1292
--S 1293 of 1396
r0:=1/2*a^2*A*x^2+1/3*a*(2*A*b+a*B)*x^3+1/4*b*(A*b+2*a*B)*x^4+1/5*b^2*B*x^5
--R
--R
     1 25 1 2 1 4 2 1 2 3 1 2 2
--R
     (2) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a)x + - A a x
--R
     5 4 2
                                     3 3 2
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1293
--S 1294 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) -Bbx + (-Ab + -Bab)x + (-Aab + -Ba)x + -Aax
--R
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1294
--S 1295 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1295
--S 1296 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1296
)clear all
--S 1297 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
          2 3 2 2
--R
--R (1) B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 1297
--S 1298 of 1396
r0:=1/3*(A*b-a*B)*(a+b*x)^3/b^2+1/4*B*(a+b*x)^4/b^2
--R
--R
--R (2)
      1 44 1 4 2 3 3 3 1 2 2 2 2 2 2
--R
--R
       - B b x + (- A b + - B a b )x + (A a b + - B a b )x + A a b x
--R
                3
                        3
--R
      1 3 1 4
--R
       - A a b - -- B a
--R
--R
--R /
--R
      2
--R
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1298
--S 1299 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
       1 24 1 2 2 3
--R
    (3) - B b x + (- A b + - B a b)x + (A a b + - B a )x + A a x
--R
                 3 3
--R
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1299
--S 1300 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 3 1 4
         - - A a b + -- B a
--R
--R
         3
                 12
```

```
--R
     (4) -----
--R
                  2
--R
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1300
--S 1301 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1301
)clear all
--S 1302 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/x
--R
--R
--R
           2 3 2 2
      B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R (1) -----
--R
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1302
--S 1303 of 1396
r0:=2*a*A*b*x+1/2*A*b^2*x^2+1/3*B*(a+b*x)^3/b+a^2*A*log(x)
--R
--R
--R
    (2)
                     3 3 3 2 2
--R
--R 6A \ a \ b \ log(x) + 2B \ b \ x + (3A \ b + 6B \ a \ b) x + (12A \ a \ b + 6B \ a \ b) x + 2B \ a
--R
                                       6b
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1303
--S 1304 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                         2 3 2 2
--R
         6A \ a \ log(x) + 2B \ b \ x + (3A \ b + 6B \ a \ b)x + (12A \ a \ b + 6B \ a \ )x
--R
--R
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1304
```

```
--S 1305 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
           Ва
--R
    (4) - ----
--R
           3ъ
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1305
--S 1306 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1306
)clear all
--S 1307 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/x^2
--R
--R
--R
           2 3 2 2
--R
          B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R
                                  2
--R
                                 х
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1307
--S 1308 of 1396
r0:=-a^2*A/x+b*(A*b+2*a*B)*x+1/2*b^2*B*x^2+a*(2*A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
--R
                                    2 3 2
         (4A \ a \ b + 2B \ a \ ) \times \log(x) + B \ b \times + (2A \ b + 4B \ a \ b) \times - 2A \ a
--R
--R
    (2) -----
--R
                                      2x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1308
--S 1309 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                           2 3 2 2
--R
         (4A \ a \ b + 2B \ a \ ) \times \log(x) + B \ b \times + (2A \ b + 4B \ a \ b) \times - 2A \ a
--R
```

```
--R
--R
                                    2x
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1309
--S 1310 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1310
--S 1311 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1311
)clear all
--S 1312 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/x^3
--R
--R
--R
          2 3 2 2
--R
         B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R (1) -----
--R
                                3
--R
                                x
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1312
--S 1313 of 1396
r0:=-1/2*a^2*A/x^2-a*(2*A*b+a*B)/x+b^2*B*x+b*(A*b+2*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
                                    2 3
--R
         (2A b + 4B a b)x log(x) + 2B b x + (-4A a b - 2B a)x - A a
--R
--R
                                      2
--R
                                    2x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1313
--S 1314 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
        2 2
                       2 3
                                                2 2
--R
       (2A b + 4B a b)x log(x) + 2B b x + (-4A a b - 2B a)x - A a
--R
   (3) -----
--R
                                2
--R
                               2x
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1314
--S 1315 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1315
--S 1316 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1316
)clear all
--S 1317 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/x^4
--R
--R
--R
        23 2 2
--R
      B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R (1) -----
--R
                            4
--R
                           х
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1317
--S 1318 of 1396
r0:=-1/3*a^2*A/x^3-1/2*a*(2*A*b+a*B)/x^2-b*(A*b+2*a*B)/x+b^2*B*log(x)
--R
--R
--R
          2 3
                         2
                                  2
--R
       6B b x log(x) + (-6A b - 12B a b)x + (-6A a b - 3B a )x - 2A a
--R
   (2) -----
--R
                                  3
--R
                                 6x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1318
```

```
--S 1319 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            2 3
        6B b x log(x) + (- 6A b - 12B a b)x + (- 6A a b - 3B a )x - 2A a
--R
--R
--R
                                      3
--R
                                     6x
--R
                                      {\tt Type: Union(Expression(Integer), \ldots)}
--Е 1319
--S 1320 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1320
--S 1321 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1321
)clear all
--S 1322 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/x^5
--R
          2 3 2 2
--R
--R
       B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R (1) -----
--R
                               5
--R
                              x
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1322
--S 1323 of 1396
r0:=-1/4*a^2*A/x^4-1/3*a*(2*A*b+a*B)/x^3-1/2*b*(A*b+2*a*B)/x^2-b^2*B/x
--R
--R
--R
            23 1 2 2 2 1 2 1 2
         - B b x + (- - A b - B a b)x + (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
                                        3
--R
```

```
--R
--R
--R
                                   x
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1323
--S 1324 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             2 3 2 2
        - 12B b x + (- 6A b - 12B a b)x + (- 8A a b - 4B a )x - 3A a
--R
    (3) -----
--R
--R
--R
                                  12x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1324
--S 1325 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1325
--S 1326 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1326
)clear all
--S 1327 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/x^6
--R
--R
--R
           2 3
                  2
                             2
        B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R (1) -----
--R
                               6
--R
                              x
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1327
--S 1328 of 1396
r0:=-1/5*a^2*A/x^5-1/4*a*(2*A*b+a*B)/x^4-1/3*b*(A*b+2*a*B)/x^3-1/2*b^2*B/x^2
```

```
--R
--R
        1 23 1 2 2 2 1 1 2
--R
--R
       --Bbx+(--Ab---Bab)x+(--Aab---Ba)x--Aa
--R
       2 3 3 2 4 5
--R
--R
--R
                              x
--R
                        Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1328
--S 1329 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           2 3 2 2
--R.
       - 30B b x + (- 20A b - 40B a b)x + (- 30A a b - 15B a )x - 12A a
--R (3) -----
--R
                               5
--R
                             60x
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1329
--S 1330 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1330
--S 1331 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1331
)clear all
--S 1332 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/x^7
--R
--R
--R
        2 3 2 2
      B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R (1) ------
--R
                         7
--R
                        X
```

```
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1332
--S 1333 of 1396
\texttt{r0} : = -1/6 * \texttt{a}^2 * \texttt{A}/\texttt{x}^6 - 1/5 * \texttt{a} * (2 * \texttt{A} * \texttt{b} + \texttt{a} * \texttt{B})/\texttt{x}^5 - 1/4 * \texttt{b} * (\texttt{A} * \texttt{b} + 2 * \texttt{a} * \texttt{B})/\texttt{x}^4 - 1/3 * \texttt{b}^2 * \texttt{B}/\texttt{x}^3
--R
--R
           1 2 3 1 2 1 2 2
--R
                                                     1 2 1 2
          --Bbx + (--Ab --Bab)x + (--Aab--Ba)x -- Aa
--R
          3 4 2 5 5 6
--R
--R (2) ------
                                        6
--R
--R
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1333
--S 1334 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          2 3 2 2
--R
--R - 20B b x + (- 15A b - 30B a b)x + (- 24A a b - 12B a )x - 10A a
--R (3) ------
--R
                                         6
--R
                                       60x
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1334
--S 1335 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1335
--S 1336 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1336
)clear all
--S 1337 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/x^8
--R
--R
```

```
--R 2 3 2 2 2 - --R B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a
         2 3 2 2
--R (1) -----
--R
                             8
--R
                             х
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1337
--S 1338 of 1396
r0:=-1/7*a^2*A/x^7-1/6*a*(2*A*b+a*B)/x^6-1/5*b*(A*b+2*a*B)/x^5-1/4*b^2*B/x^4
--R
         1 2 3 1 2 2 2
--R
                                        1
        --Bbx+(--Ab---Bab)x+(--Aab---Ba)x---Aa
--R
         4 5 5 3 6 7
--R
--R
--R
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1338
--S 1339 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
    2 3 2 2
--R
--R
     - 105B b x + (- 84A b - 168B a b)x + (- 140A a b - 70B a )x - 60A a
--R
--R
                                  7
--R
                               420x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1339
--S 1340 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1340
--S 1341 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1341
```

```
)clear all
--S 1342 of 1396
t0:=x^m*(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
     (1)
--R
                                  3 4
         Bbx + (Ab + 4Bab)x + (4Aab + 6Bab)x
--R
--R
              2 2 3 2 3
--R
         (6A \ a \ b + 4B \ a \ b)x + (4A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R *
--R
--R
        x
--R
                                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1342
--S 1343 of 1396
 \texttt{r0} := \texttt{a}^4 + \texttt{A} * \texttt{x}^(1+\texttt{m}) / (1+\texttt{m}) + \texttt{a}^3 * (4 * \texttt{A} * \texttt{b} + \texttt{a} * \texttt{B}) * \texttt{x}^(2+\texttt{m}) / (2+\texttt{m}) + 2 * \texttt{a}^2 * \texttt{b} * (3 * \texttt{A} * \texttt{b} + 2 * \texttt{a} * \texttt{B}) * \texttt{a} 
     x^{(3+m)/(3+m)+2*a*b^2*(2*A*b+3*a*B)*x^{(4+m)/(4+m)+b^3*(A*b+4*a*B)*}_{-}
     x^{(5+m)/(5+m)+b^4*B*x^{(6+m)/(6+m)}}
--R
--R
--R
      (2)
               45 44 43 42 4 4 m + 6
--R
--R
           (B b m + 15B b m + 85B b m + 225B b m + 274B b m + 120B b )x
--R
--R
                         3 5
                                                       3 4
--R.
              (A b + 4B a b )m + (16A b + 64B a b )m + (95A b + 380B a b )m
--R
                                                                3
                      4 3 2 4
--R
--R
               (260A b + 1040B a b)m + (324A b + 1296B a b)m + 144A b
--R
--R
                      3
              576B a b
--R
--R
--R
             m + 5
--R
             х
--R
--R
                             225
               (4A a b + 6B a b )m + (68A a b + 102B a b )m
--R
--R.
--R.
                        3 223
                                                       3
               (428A \ a \ b + 642B \ a \ b ) m + (1228A \ a \ b + 1842B \ a \ b ) m
--R
--R
                        3 22 3 22
--R
--R
               (1584A \ a \ b + 2376B \ a \ b ) m + 720A \ a \ b + 1080B \ a \ b
--R
--R
              m + 4
```

```
--R
        X
--R
--R
               2 2 3 5 2 2 3 4
--R
           (6A \ a \ b + 4B \ a \ b)m + (108A \ a \ b + 72B \ a \ b)m
--R
                2 2 3 3
                                  2 2
--R
--R
          (726A \ a \ b + 484B \ a \ b)m + (2232A \ a \ b + 1488B \ a \ b)m
--R
                 2 2 3
                                      2 2 3
--R
          (3048A \ a \ b + 2032B \ a \ b)m + 1440A \ a \ b + 960B \ a \ b
--R
--R
--R
          m + 3
--R
         x
--R
--R
              3 4 5 3
                                    4 4 3 4 3
--R
          (4A a b + B a )m + (76A a b + 19B a )m + (548A a b + 137B a )m
--R
--R
                    4 2 3
                                         4
--R
          (1844A \ a \ b + 461B \ a \ )m + (2808A \ a \ b + 702B \ a \ )m + 1440A \ a \ b + 360B \ a
--R
--R
          m + 2
--R
         x
--R
         45 44 43 42 4 4 m+1
--R
        (A a m + 20 A a m + 155 A a m + 580 A a m + 1044 A a m + 720 A a) x
--R
--R /
--R
--R
      m + 21m + 175m + 735m + 1624m + 1764m + 720
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1343
--S 1344 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
                    4 4 4 3 4 2
--R
         (B b m + 15B b m + 85B b m + 225B b m + 274B b m + 120B b )x
--R
--R
                                           3 4
             (A b + 4B a b) m + (16A b + 64B a b) m + (95A b + 380B a b) m
--R
--R
                 4 3 2 4 3 4
--R.
             (260A b + 1040B a b )m + (324A b + 1296B a b )m + 144A b
--R.
--R
--R
--R
             576B a b
--R
--R
           5
--R
           x
```

```
--R
--R
                 3 225 3 224
--R
             (4A a b + 6B a b )m + (68A a b + 102B a b )m
--R
                   3 223 3 222
--R
             (428A \ a \ b + 642B \ a \ b ) m + (1228A \ a \ b + 1842B \ a \ b ) m
--R
--R
--R
                             2 2
             (1584A a b + 2376B a b )m + 720A a b + 1080B a b
--R
--R
--R
--R
           X
--R
--R
                 2 2 3 5
                                     2 2 3 4
--R
            (6A a b + 4B a b)m + (108A a b + 72B a b)m
--R
--R
                        3 3
                                        2 2
                  2 2
             (726A \ a \ b + 484B \ a \ b)m + (2232A \ a \ b + 1488B \ a \ b)m
--R
--R
                   2 2 3 2 2 3
--R
--R
             (3048A \ a \ b + 2032B \ a \ b)m + 1440A \ a \ b + 960B \ a \ b
--R
--R
           3
--R
           X
--R
                 3 45 3 44 3
--R
--R
             (4A a b + B a )m + (76A a b + 19B a )m + (548A a b + 137B a )m
--R
--R
                      4 2
                                         3
--R
             (1844A \ a \ b + 461B \ a \ )m + (2808A \ a \ b + 702B \ a \ )m + 1440A \ a \ b
--R
--R
--R
            360B a
--R
--R
--R
           x
--R
                   4 4 4 3 4 2
--R
--R
         (A a m + 20A a m + 155A a m + 580A a m + 1044A a m + 720A a)x
--R
        m log(x)
--R
--R
        %e
--R /
--R.
                 4 3
--R
      m + 21m + 175m + 735m + 1624m + 1764m + 720
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1344
--S 1345 of 1396
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4)
              45 44 43 42 4 46
--R
           (B b m + 15B b m + 85B b m + 225B b m + 274B b m + 120B b )x
--R
--R
                       3 5 4
--R
               (A b + 4B a b)m + (16A b + 64B a b)m
--R
--R
--R
                            3 3
               (95A b + 380B a b)m + (260A b + 1040B a b)m
--R
--R
                         3
--R
              (324A b + 1296B a b) m + 144A b + 576B a b
--R
--R
--R
              5
--R
             X
--R
                   3 2 2 5 3 2 2 4
--R
               (4A \ a \ b + 6B \ a \ b ) m + (68A \ a \ b + 102B \ a \ b ) m
--R
--R
                     3 223 3 222
--R
               (428A \ a \ b + 642B \ a \ b ) m + (1228A \ a \ b + 1842B \ a \ b ) m
--R
--R
                      3 2 2
--R
               (1584A \ a \ b + 2376B \ a \ b ) m + 720A \ a \ b + 1080B \ a \ b
--R
--R
--R
--R
             x
--R
                   2 2 3 5 2 2 3 4
--R
--R
              (6A \ a \ b + 4B \ a \ b)m + (108A \ a \ b + 72B \ a \ b)m
--R
                   2 2 3 3 2 2 3 2
--R
--R
               (726A \ a \ b + 484B \ a \ b)m + (2232A \ a \ b + 1488B \ a \ b)m
--R
                                           2 2 3
--R
                    2 2 3
--R
               (3048A \ a \ b + 2032B \ a \ b)m + 1440A \ a \ b + 960B \ a \ b
--R
--R
--R
             X
--R
--R.
                  3 4 5 3 4 4
                                                       3
--R
              (4A a b + B a )m + (76A a b + 19B a )m + (548A a b + 137B a )m
--R
                          4 2
--R
                                      3
                                                   4
--R
               (1844A \ a \ b + 461B \ a \ )m + (2808A \ a \ b + 702B \ a \ )m + 1440A \ a \ b
--R
--R
--R
               360B a
```

```
--R
           2
--R
--R
          x
--R
          45 44 43 42 4 4
--R
         (A am + 20A am + 155A am + 580A am + 1044A am + 720A a)x
--R
--R
--R
         m log(x)
        %e
--R
--R
--R
          45 44 43 42 4 4 m + 6
       (-Bbm - 15Bbm - 85Bbm - 225Bbm - 274Bbm - 120Bb)x
--R
--R
--R
                   3 5
--R
         (- A b - 4B a b )m + (- 16A b - 64B a b )m
--R
--R.
         (- 95A b - 380B a b )m + (- 260A b - 1040B a b )m
--R.
--R
               4 3 4 3
--R
--R
         (- 324A b - 1296B a b )m - 144A b - 576B a b
--R
--R
        m + 5
--R
        X
--R
               3 225 3 224
--R
--R
         (-4A a b -6B a b )m + (-68A a b -102B a b )m
--R
                 3 223
--R
--R.
         (-428A a b -642B a b )m + (-1228A a b -1842B a b )m
--R
                 3 22 3 22
--R
--R
         (- 1584A a b - 2376B a b )m - 720A a b - 1080B a b
--R
--R
        m + 4
--R
        x
--R
              2 2 3 5
                                2 2 3 4
--R
         (-6A a b - 4B a b)m + (-108A a b -72B a b)m
--R
--R
                     3 3
                                    2 2
--R
               2 2
         (-726A a b - 484B a b)m + (-2232A a b - 1488B a b)m
--R
--R.
--R
                2 2
                      3
                                   2 2
--R
         (- 3048A a b - 2032B a b)m - 1440A a b - 960B a b
--R
--R
        m + 3
--R
        X
--R
              3 4 5 3 4 4
--R
```

```
--R
           (-4A a b - B a )m + (-76A a b - 19B a )m
--R
                        4 3 3 4 2
--R
--R
           (- 548A a b - 137B a )m + (- 1844A a b - 461B a )m
--R
--R
                    3
                            4
                                        3
--R
          (- 2808A a b - 702B a )m - 1440A a b - 360B a
--R
--R
          m + 2
--R
         X
--R
--R
                   4 4
                           4 3
                                        4 2
           4 5
       (- A a m - 20A a m - 155A a m - 580A a m - 1044A a m - 720A a )x
--R
--R /
--R
                  4
                         3
--R
      m + 21m + 175m + 735m + 1624m + 1764m + 720
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1345
--S 1346 of 1396
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1346
)clear all
--S 1347 of 1396
t0:=x^4*(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R (1)
                                            2 2 7 2 2 3 6
--R
        4 9
                         3 8
                                     3
     B b x + (A b + 4B a b )x + (4A a b + 6B a b )x + (6A a b + 4B a b)x
--R
--R +
         3
--R
                4 5
--R
     (4A a b + B a )x + A a x
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--E 1347
--S 1348 of 1396
r0:=1/5*a^4*A*x^5+1/6*a^3*(4*A*b+a*B)*x^6+2/7*a^2*b*(3*A*b+2*a*B)*x^7+_1
    1/4*a*b^2*(2*A*b+3*a*B)*x^8+1/9*b^3*(A*b+4*a*B)*x^9+1/10*b^4*B*x^10
--R
--R
--R (2)
     1 4 10 1 4 4 3 9 1 3 3 2 2 8
--R
--R
     -- B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
```

```
9 9 2 4
--R
    10
--R
     6 22 4 3 7 2 3 1 4 6 1 4 5
--R
--R
    (- A a b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
    7 7 3 6 5
--R
                               Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1348
--S 1349 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
    1 4 10 1 4 4 3 9 1 3 3 2 2 8
--R
     -- B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
--R
    10
--R +
--R
     6 2 2 4 3 7 2 3 1 4 6 1 4 5
   (- A a b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
     7 7 3
--R
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1349
--S 1350 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1350
--S 1351 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1351
)clear all
--S 1352 of 1396
t0:=x^3*(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R (1)
    48 4 37 3 226 22 35
--R   B b x + (A b + 4B a b) x + (4A a b + 6B a b) x + (6A a b + 4B a b) x
--R +
    3 44 43
--R
```

```
--R
      (4A a b + B a )x + A a x
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--E 1352
--S 1353 of 1396
r0:=1/4*a^4*A*x^4+1/5*a^3*(4*A*b+a*B)*x^5+1/3*a^2*b*(3*A*b+2*a*B)*x^6+_
    2/7*a*b^2*(2*A*b+3*a*B)*x^7+1/8*b^3*(A*b+4*a*B)*x^8+1/9*b^4*B*x^9
--R
--R
     (2)
--R
     1 49 1 4 1 3 8 4 3 6 2 2 7
     - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
9 8 2 7 7
--R
               8
--R
--R
--R
        2 2 2 3 6 4 3 1 4 5 1 4 4
--R
      (A \ a \ b \ + - B \ a \ b)x \ + (- A \ a \ b + - B \ a \ )x \ + - A \ a \ x
        3 5
--R
                                  5 4
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1353
--S 1354 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
     1 49 1 4 1 3 8 4 3 6 2 2 7
--R
      - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
     9 8 2
--R
--R
--R.
        2 2 2 3 6 4 3 1 4 5 1 4 4
--R
       (A \ a \ b \ + - B \ a \ b)x \ + (- A \ a \ b \ + - B \ a \ )x \ + - A \ a \ x
               3 5 5 4
--R.
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1354
--S 1355 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1355
--S 1356 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1356
```

```
)clear all
--S 1357 of 1396
t0:=x^2*(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
   (1)
               4 3 6 3 2 2 5 2 2 3 4
--R
     4 7
     Bbx + (Ab + 4Bab)x + (4Aab + 6Bab)x + (6Aab + 4Bab)x
--R
--R +
         3
               4 3 4 2
--R
    (4A a b + B a )x + A a x
--R
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--E 1357
--S 1358 of 1396
r0:=1/5*a^2*(A*b-a*B)*(a+b*x)^5/b^4-1/6*a*(2*A*b-3*a*B)*(a+b*x)^6/b^4+_
   1/7*(A*b-3*a*B)*(a+b*x)^7/b^4+1/8*B*(a+b*x)^8/b^4
--R
--R
--R
    (2)
--R
       1 88 1 8 4 7 7 2 7 2 6 6
--R
       - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + B a b )x
--R
--R
        6 2 6 4 3 5 5 3 5 1 4 4 4 1 4 4 3 1 7
--R
--R
       (- A a b + - B a b )x + (A a b + - B a b )x + - A a b x + --- A a b
--R
--R
--R
         1 8
       - --- В а
--R
--R
        280
--R /
--R
--R
      b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1358
--S 1359 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
    1 48 1 4 4 3 7 2 3 2 2 6
     - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + B a b )x
--R
--R
              7
                                  3
--R
     6 2 2 4 3 5 3 1 4 4 1 4 3
--R
     (- A a b + - B a b)x + (A a b + - B a )x + - A a x
--R
```

```
--R 5 5
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1359
--S 1360 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 7 1 8
--R
       - --- A a b + --- B a
--R
         105 280
--R
   (4) -----
--R
                4
--R
--R
                b
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1360
--S 1361 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1361
)clear all
--S 1362 of 1396
t0:=x*(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R (1)
                                 3 224 22 33
--R
                       3 5
     Bbx + (Ab + 4Bab)x + (4Aab + 6Bab)x + (6Aab + 4Bab)x
--R +
         3 4 2
--R
--R
     (4A a b + B a )x + A a x
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--Е 1362
--S 1363 of 1396
r0:=-1/5*a*(A*b-a*B)*(a+b*x)^5/b^3+1/6*(A*b-2*a*B)*(a+b*x)^6/b^3+_
    1/7*B*(a+b*x)^7/b^3
--R.
--R
--R (2)
      1 77 1 7 2 6 6 4 6 6 2 5 5
     - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
7 6 3 5 5
--R
--R
--R
```

```
3 25 344 4 34 1 433 1 432 1 6
--R
       (- A a b + B a b )x + (- A a b + - B a b )x + - A a b x - -- A a b
--R
                     3 3 2 30
--R
--R
       1 7
--R
      --- Ва
--R
      105
--R /
--R
--R
      b
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1363
--S 1364 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 1 47 1 42 36 4 36 225
   - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
--R +
--R
     3 22 3 4 4 3 1 4 3 1 4 2
--R
      (- A a b + B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
                               3
                        3
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1364
--S 1365 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
        -- A a b - --- B a
--R
       30 105
--R (4) -----
              3
--R
--R
               b
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1365
--S 1366 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1366
)clear all
```

```
--S 1367 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
   (1)
--R 4 5 4 3 4 3 2 2 3 2 2 3 2
--R
     Bbx + (Ab + 4Bab)x + (4Aab + 6Bab)x + (6Aab + 4Bab)x
--R +
        3
--R
               4
--R
     (4A a b + B a )x + A a
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--E 1367
--S 1368 of 1396
r0:=1/5*(A*b-a*B)*(a+b*x)^5/b^2+1/6*B*(a+b*x)^6/b^2
--R
--R
--R
   (2)
      1 66 1 6 4 5 5 5 3 2 4 4
--R
--R
       - B b x + (- A b + - B a b )x + (A a b + - B a b )x
--R
                5 5
--R
--R
       2 4 4 3 3 3 3 3 1 4 2 2 4 2 1 5
--R
        (2A a b + - B a b )x + (2A a b + - B a b )x + A a b x + - A a b
--R
--R
--R
         1 6
--R
       - -- B a
--R
       30
--R /
--R
      2
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1368
--S 1369 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
    1 46 1 4 4 3 5 3 3 2 2 4
--R
--R.
     - B b x + (- A b + - B a b )x + (A a b + - B a b )x
--R
--R +
      2 2 4 3 3 3 1 4 2 4
--R
      (2A \ a \ b + - B \ a \ b)x + (2A \ a \ b + - B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1369
```

```
--S 1370 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
          1 5 1 6
--R
--R
         - - A a b + -- B a
--R
                  30
--R (4) -----
--R
                2
--R
                 b
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1370
--S 1371 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1371
)clear all
--S 1372 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2/x
--R
--R
--R (1)
--R 45 4 34 --- R Bbx + (Ab + 4Bab)x + (4Aab + 6Bab)x
          45 4 34 3 223
                   3 2
                              3
--R
           2 2
--R
      (6A a b + 4B a b)x + (4A a b + B a )x + A a
--R /
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1372
--S 1373 of 1396
r0:=4*a^3*A*b*x+3*a^2*A*b^2*x^2+4/3*a*A*b^3*x^3+1/4*A*b^4*x^4+_
    1/5*B*(a+b*x)^5/b+a^4*A*log(x)
--R
--R
--R (2)
                                    5 4 4
--R
                           5 5
        60A \ a \ b \ log(x) + 12B \ b \ x + (15A \ b + 60B \ a \ b) x
--R
--R
               4 233 23 322
--R
        (80A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (180A \ a \ b + 120B \ a \ b )x
--R
```

```
--R
          3 2 4
--R
--R
       (240A \ a \ b + 60B \ a \ b)x + 12B \ a
--R /
--R
       60b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1373
--S 1374 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                    4 5
--R
--R
        60A \ a \log(x) + 12B \ b \ x + (15A \ b + 60B \ a \ b )x
--R
                     2 2 3 2 2
--R
                                           3 2 3
      (80A a b + 120B a b )x + (180A a b + 120B a b)x + (240A a b + 60B a )x
--R
--R /
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1374
--S 1375 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
           Ва
--R
    (4) - ----
--R
           5b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1375
--S 1376 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1376
)clear all
--S 1377 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2/x^2
--R
--R
--R (1)
                  4 3 4 3 2 2 3
--R
           4 5
```

```
--R
        Bbx + (Ab + 4Bab)x + (4Aab + 6Bab)x
--R
--R
              2 2 3 2 3
                                         4
--R
         (6A \ a \ b + 4B \ a \ b)x + (4A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
        2
--R
       х
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1377
--S 1378 of 1396
r0:=-a^4*A/x+2*a^2*b*(3*A*b+2*a*B)*x+a*b^2*(2*A*b+3*a*B)*x^2+_
     1/3*b^3*(A*b+4*a*B)*x^3+1/4*b^4*B*x^4+a^3*(4*A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                   4
                                        4 5 4
               3
--R
         (48A \ a \ b + 12B \ a \ )x \ log(x) + 3B \ b \ x + (4A \ b + 16B \ a \ b \ )x
--R
                3 223 22 32
--R
--R
         (24A \ a \ b + 36B \ a \ b ) x + (72A \ a \ b + 48B \ a \ b) x - 12A \ a
--R /
--R
       12x
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1378
--S 1379 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                    4
                              45 4 34
--R
               3
--R
         (48A \ a \ b + 12B \ a \ ) \times \log(x) + 3B \ b \times + (4A \ b + 16B \ a \ b ) \times
--R
--R
                        2 2 3
                                      2 2
                                                 3 2
         (24A \ a \ b + 36B \ a \ b )x + (72A \ a \ b + 48B \ a \ b)x - 12A \ a
--R
--R /
--R
       12x
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1379
--S 1380 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1380
--S 1381 of 1396
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1381
)clear all
--S 1382 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2/x^3
--R
--R
--R
    (1)
--R
          45 4 34 3 223
--R
       B b x + (A b + 4B a b )x + (4A a b + 6B a b )x
--R
--R
            2 2 3 2 3
                                        4
       (6A a b + 4B a b)x + (4A a b + B a )x + A a
--R
--R /
--R
--R
       X
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1382
--S 1383 of 1396
r0:=-1/2*a^4*A/x^2-a^3*(4*A*b+a*B)/x+2*a*b^2*(2*A*b+3*a*B)*x+_
    1/2*b^3*(A*b+4*a*B)*x^2+1/3*b^4*B*x^3+2*a^2*b*(3*A*b+2*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
    (2)
              2 2 3 2 4 5 4
--R
--R
        (36A \ a \ b + 24B \ a \ b) \times \log(x) + 2B \ b \times + (3A \ b + 12B \ a \ b) \times
--R
              3
--R
                      2 2 3
                                      3
        (24A \ a \ b + 36B \ a \ b ) x + (-24A \ a \ b - 6B \ a ) x - 3A \ a
--R
--R /
--R
--R
       6x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1383
--S 1384 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
             2 2 3 2
                                     4 5
--R
       (36A \ a \ b + 24B \ a \ b) x \log(x) + 2B \ b \ x + (3A \ b + 12B \ a \ b) x
--R
```

```
3 223 3 4
--R
--R
         (24A a b + 36B a b )x + (- 24A a b - 6B a )x - 3A a
--R /
--R
         2
--R
       6x
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1384
--S 1385 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
    (4) 0
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1385
--S 1386 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1386
)clear all
--S 1387 of 1396
t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2/x^4
--R
--R
--R
    (1)
                   4 3 4 3 2 2 3
--R
            4 5
--R
       B b x + (A b + 4B a b) x + (4A a b + 6B a b) x
--R
--R
            2 2
                    3 2
                                 3
        (6A \ a \ b + 4B \ a \ b)x + (4A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
--R
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1387
--S 1388 of 1396
r0:=-1/3*a^4*A/x^3-1/2*a^3*(4*A*b+a*B)/x^2-2*a^2*b*(3*A*b+2*a*B)/x+_
    b^3*(A*b+4*a*B)*x+1/2*b^4*B*x^2+2*a*b^2*(2*A*b+3*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
                        2 2 3 4 5 4 3 4
--R
                3
         (24A \ a \ b + 36B \ a \ b ) x \log(x) + 3B \ b \ x + (6A \ b + 24B \ a \ b ) x
--R
```

```
--R
       2 2 3 2 3 4
--R
   (- 36A a b - 24B a b)x + (- 12A a b - 3B a )x - 2A a
--R
--R /
--R
      3
--R
      6x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1388
--S 1389 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
            3 223 45 4 34
--R
--R
       (24A \ a \ b + 36B \ a \ b ) x \log(x) + 3B \ b \ x + (6A \ b + 24B \ a \ b ) x
--R
--R
           2 2 3 2 3 4 4
      (- 36A a b - 24B a b)x + (- 12A a b - 3B a )x - 2A a
--R
--R /
--R
--R
      6x
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1389
--S 1390 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1390
--S 1391 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1391
)clear all
--S 1392 of 1396
\texttt{t0:=(A+B*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2/x^5}
--R
--R
--R (1)
         45 4 34 3 223
--R
      B b x + (A b + 4B a b )x + (4A a b + 6B a b )x
--R
```

```
--R
          2 2 3 2 3 4
--R
--R
       (6A a b + 4B a b)x + (4A a b + B a )x + A a
--R /
--R
      5
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1392
--S 1393 of 1396
r0:=-1/4*a^4*A/x^4-1/3*a^3*(4*A*b+a*B)/x^3-a^2*b*(3*A*b+2*a*B)/x^2-_
    2*a*b^2*(2*A*b+3*a*B)/x+b^4*B*x+b^3*(A*b+4*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
    (2)
--R
                     3 4
                                     4 5
                                                  3 223
--R
        (12A b + 48B a b) x log(x) + 12B b x + (-48A a b - 72B a b) x
--R
             2 2 3 2
--R
                                   3
       (- 36A a b - 24B a b)x + (- 16A a b - 4B a )x - 3A a
--R
--R /
--R
--R
      12x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1393
--S 1394 of 1396
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
             4 3 4 4 5 3 2 2 3
--R
--R
        (12A b + 48B a b) x log(x) + 12B b x + (-48A a b - 72B a b) x
--R
              2 2 3 2
--R
                                     3
       (- 36A a b - 24B a b)x + (- 16A a b - 4B a )x - 3A a
--R
--R /
--R
--R
      12x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1394
--S 1395 of 1396
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1395
```

```
--S 1396 of 1396
d0:=D(m0,x)
--R
--R
(5) 0
--R
--E 1396

Type: Expression(Integer)
)spool
)lisp (bye)
```

References

[1] nothing