## \$SPAD/src/input rich4j.input

## Albert Rich and Timothy Daly August 4, 2013

## Abstract

 $x^m (a+b x^n)^p$  There are:

- 268 integrals in this file.
- $\bullet~276$  supplied "optimal results".
- 239 matching answers.
- 15 cases where Axiom supplied 2 results.
- 10 cases that Axiom failed to integrate.
- $\bullet\,$  3 that contain expressions Axiom does not recognize.

## Contents

```
__ * __
)set break resume
)sys rm -f rich4j.output
)spool rich4j.output
)set message test on
)set message auto off
)clear all
--S 1 of 1394
t0:=x^{-1+3*n}*(a+b*x^n)^3
--R
--R
            3 n 3 2 n 2 2 n 3 3n - 1
--R
--R (1) (b (x) + 3a b (x) + 3a b x + a)x
--R
                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1
--S 2 of 1394
\texttt{r0} := 1/3 * \texttt{a}^3 * \texttt{x}^(3 * \texttt{n}) / \texttt{n} + 3/4 * \texttt{a}^2 * \texttt{b} * \texttt{x}^(4 * \texttt{n}) / \texttt{n} + 3/5 * \texttt{a} * \texttt{b}^2 * \texttt{x}^(5 * \texttt{n}) / \texttt{n} + 1/6 * \texttt{b}^3 * \texttt{x}^(6 * \texttt{n}) / \texttt{n}
--R
--R
--R
              3 6n 2 5n 2 4n
                                                  3 3n
--R
         10b x + 36a b x + 45a b x + 20a x
--R (2) -----
--R
                                60n
--R
                                                           Type: Expression(Integer)
--E 2
--S 3 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
             3 n log(x) 6 2 n log(x) 5 2 n log(x) 4
--R
--R
        10b (%e ) + 36a b (%e ) + 45a b (%e )
--R
--R
            3 n log(x) 3
--R
        20a (%e
--R /
--R
        60n
--R
                                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E З
--S 4 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
```

```
3 \quad n \log(x) \ 6 \qquad 2 \quad n \log(x) \ 5 \qquad 2 \qquad n \log(x) \ 4
--R
--R
      10b (%e ) + 36a b (%e ) + 45a b (%e )
--R
        3 n log(x) 3 3 6n 2 5n
--R
                                          2 4n 3 3n
--R
      20a (%e ) - 10b x - 36a b x - 45a b x - 20a x
--R /
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 4
--S 5 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 5
)clear all
--S 6 of 1394
t0:=x^{(-1+2*n)*(a+b*x^n)^3}
--R
--R
--R
    3 n 3 2 n 2 2 n 3 2n - 1
--R (1) (b (x) + 3a b (x) + 3a b x + a)x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 6
--S 7 of 1394
r0:=-1/4*a*(a+b*x^n)^4/(b^2*n)+1/5*(a+b*x^n)^5/(b^2*n)
--R
--R
        5 n 5 4 n 4 2 3 n 3 3 2 n 2 5
--R
--R
       4b(x) + 15ab(x) + 20ab(x) + 10ab(x) - a
--R (2) ------
--R.
                              2
--R
                            20b n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 7
--S 8 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
       3 n log(x) 5 2 n log(x) 4 2 n log(x) 3
--R
--R
      4b (%e ) + 15a b (%e ) + 20a b (%e )
--R
   3 n log(x) 2
--R
```

```
10a (%e )
--R
--R /
--R
      20n
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 8
--S 9 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
        5 n log(x) 5 4 n log(x) 4 2 3 n log(x) 3
       4b (%e ) + 15a b (%e ) + 20a b (%e )
--R
--R
--R
         3 2 n log(x) 2 5 n 5 4 n 4 2 3 n 3 3 2 n 2
--R
      10a b (%e ) - 4b (x ) - 15a b (x ) - 20a b (x ) - 10a b (x )
--R
--R
       5
--R
        a
--R /
--R
--R
      20b n
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 9
--S 10 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 10
)clear all
--S 11 of 1394
t0:=x^{-1+n}*(a+b*x^n)^3
--R
--R
        3 n - 1 n 3 2 n - 1 n 2 2 n - 1 n 3 n - 1
--R
   (1) b x (x) + 3a b x (x) + 3a b x x + a x
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 11
--S 12 of 1394
r0:=1/4*(a+b*x^n)^4/(b*n)
--R
--R
--R
        4 n 4 3 n 3 2 2 n 2 3 n 4
        b (x) + 4a b (x) + 6a b (x) + 4a b x + a
--R
```

```
--R (2) -----
--R
                           4b n
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 12
--S 13 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    3 \quad n \log(x) \quad 4 \qquad \qquad 2 \quad n \log(x) \quad 3 \qquad \qquad 2 \qquad n \log(x) \quad 2 \qquad \qquad 3 \quad n \log(x)
--R b (%e ) + 4a b (%e ) + 6a b (%e ) + 4a %e
--R
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 13
--S 14 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
     4 n log(x) 4 3 n log(x) 3 2 2 n log(x) 2
--R
       b (%e ) + 4a b (%e ) + 6a b (%e )
--R
--R
        3 n log(x) 4 n 4 3 n 3 2 2 n 2 3 n 4
--R
        4a b %e - b (x ) - 4a b (x ) - 6a b (x ) - 4a b x - a
--R
--R /
--R
      4b n
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 14
--S 15 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 15
)clear all
--S 16 of 1394
t0:=(a+b*x^n)^3/x
--R
--R
         3 n 3 2 n 2 2 n 3
--R
--R
       b(x) + 3ab(x) + 3abx + a
--R (1) -----
--R
                       x
```

```
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 16
--S 17 of 1394
\texttt{r0:=3*a^2*b*x^n/n+3/2*a*b^2*x^(2*n)/n+1/3*b^3*x^(3*n)/n+a^3*log(x)}
--R
--R
         3 3n 2 2n 2 n 3
--R
       2b x + 9a b x + 18a b x + 6a n log(x)
--R
--R (2) -----
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 17
--S 18 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        3 \quad n \log(x) \quad 3 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 2 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 3
--R
     2b (%e ) + 9a b (%e ) + 18a b %e + 6a n log(x)
--R
--R (3) ------
--R
                                   6n
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 18
--S 19 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R 3 n log(x) 3 2 n log(x) 2 2 n log(x) 3 3n
      2b (%e ) + 9a b (%e ) + 18a b %e - 2b x
--R
      + 2 2n 2 n
--R
--R
     - 9a b x - 18a b x
--R
--R /
--R
      6n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 19
--S 20 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 20
)clear all
```

```
--S 21 of 1394
t0:=x^{(-1-n)}*(a+b*x^n)^3
--R
--R
--R 3 - n - 1 n 3 2 - n - 1 n 2 2 - n - 1 n 3 - n - 1
--R (1) b x (x) + 3a b x (x) + 3a b x x + a x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 21
--S 22 of 1394
r0:=-a^3/(n*x^n)+3*a*b^2*x^n/n+1/2*b^3*x^(2*n)/n+3*a^2*b*log(x)
--R
--R
        3 n 2n 2 n 2 2
--R
        b x x + 6a b (x) + 6a b n log(x)x - 2a
--R
--R (2) -----
--R
                         n
--R
                        2n x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 22
--S 23 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
       3 \quad n \log(x) \quad 3 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 2 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 3
--R
   --R
--R
--R
                                  n log(x)
--R
                              2n %e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 23
--S 24 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
     3 n n log(x) 3   2 n n log(x) 2
--R
      b x (%e ) + 6a b x (%e )
--R
--R
--R
         3 n 2n 2 n 2 3 n log(x) 3 n
--R
      (-bxx - 6ab(x) + 2a)%e - 2ax
--R /
--R
       n n log(x)
--R
      2n x %e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 24
--S 25 of 1394
```

```
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 25
)clear all
--S 26 of 1394
t0:=x^{(-1-2*n)*(a+b*x^n)^3}
--R
--R
--R
   (1)
   3 - 2n - 1 n 3 2 - 2n - 1 n 2 2 - 2n - 1 n 3 - 2n - 1
--R
--R b x (x) + 3a b x (x) + 3a b x x + a x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 26
--S 27 of 1394
r0:=-1/2*a^3/(n*x^(2*n))-3*a^2*b/(n*x^n)+b^3*x^n/n+3*a*b^2*log(x)
--R
         3 n 2 2 n 2 2n 3 n
--R
--R
       (2b (x) + 6a b n log(x)x - 6a b)x - a x
--R (2) -----
--R
                        n 2n
--R
                      2n x x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 27
--S 28 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        3 n log(x) 3 2 n log(x) 2 2 n log(x) 3
--R
       2b (%e ) + 6a b n log(x)(%e ) - 6a b %e - a
--R
--R (3) ------
                              n log(x) 2
--R
                           2n (%e )
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 28
--S 29 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
       3 n 2n n log(x) 3 3 n 2 2 2n 3 n n log(x) 2
--R
       2b x x (%e ) + ((- 2b (x ) + 6a b)x + a x )(%e )
--R
```

```
--R +
--R 2 n 2n n log(x) 3 n 2n
--R - 6a b x x %e - a x x
--R /
--R
      2n x x (%e )
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 29
--S 30 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 30
)clear all
--S 31 of 1394
t0:=x^{(-1-3*n)*(a+b*x^n)^3}
--R
--R
--R (1)
--R \qquad 3 \ -3 \ n \ -1 \quad n \ 3 \qquad \qquad 2 \ -3 \ n \ -1 \quad n \ 2 \qquad 2 \quad -3 \ n \ -1 \ n \qquad 3 \ -3 \ n \ -1
--R b x (x) + 3a b x (x) + 3a b x x + a x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 31
--S 32 of 1394
r0:=-1/3*a^3/(n*x^(3*n))-3/2*a^2*b/(n*x^(2*n))-3*a*b^2/(n*x^n)+b^3*log(x)
--R
--R
                n 2 2n 2 n 3n 3 n 2n
--R
--R
       ((6b n log(x)x - 18a b)x - 9a b x)x - 2a x x
--R (2) ------
--R
                            n 2n 3n
--R
                          6n \times x \times
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 32
--S 33 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         3 n log(x) 3 2 n log(x) 2 2 n log(x) 3
--R
     6b n log(x)(%e ) - 18a b (%e ) - 9a b %e - 2a
--R
--R (3) -----
                               n log(x) 3
--R
                               6n (%e )
--R
```

```
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 33
--S 34 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
           2 2n 2 n 3n 3 n 2n n log(x) 3
--R
      ((18a b x + 9a b x)x + 2a x x)(\%e
--R
--R
           2 n 2n 3n n log(x) 2 2 n 2n 3n n log(x) 3 n 2n 3n
--R
      - 18a b x x x (%e ) - 9a b x x x %e - 2a x x x
--R
--R /
--R
       n 2n 3n n log(x) 3
--R
     6n x x x (%e )
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 34
--S 35 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 35
)clear all
--S 36 of 1394
t0:=x^{(-1-4*n)*(a+b*x^n)^3}
--R
--R
--R (1)
--R 3 - 4n - 1 n 3 2 - 4n - 1 n 2 2 - 4n - 1 n 3 - 4n - 1
--R b x (x) + 3a b x (x) + 3a b x x + a x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 36
--S 37 of 1394
r0:=-1/4*(a+b*x^n)^4/(a*n*x^(4*n))
--R
--R
--R
         4 n 4 3 n 3 2 2 n 2 3 n 4
--R
        -b(x) - 4a b(x) - 6a b(x) - 4a b x - a
--R (2) -----
--R
--R
                         4a n x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 37
```

```
--S 38 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          3 \quad n \log(x) \quad 3 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 2 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 3
--R
     - 4b (%e ) - 6a b (%e ) - 4a b %e - a
--R
--R (3) -----
--R
                               n log(x) 4
                           4n (%e )
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 38
--S 39 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
        4 n 4 3 n 3 2 2 n 2 3 n 4 n log(x) 4
--R
--R
       (b(x) + 4ab(x) + 6ab(x) + 4abx + a)(\%e
--R
--R
         3 4n n log(x) 3 2 2 4n n log(x) 2 3 4n n log(x)
     - 4a b x (%e ) - 6a b x (%e ) - 4a b x %e
--R
--R
--R
        4 4n
--R
       - а х
--R /
      4n n log(x) 4
--R
--R
      4a n x (%e )
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 39
--S 40 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 40
)clear all
--S 41 of 1394
t0:=x^{(-1-5*n)*(a+b*x^n)^3}
--R
--R
--R (1)
--R 3 - 5n - 1 n 3 2 - 5n - 1 n 2 2 - 5n - 1 n 3 - 5n - 1
--R b x (x) + 3a b x (x) + 3a b x x + a x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
```

```
--E 41
--S 42 of 1394
r0:=-1/5*a^3/(n*x^(5*n))-3/4*a^2*b/(n*x^(4*n))-a*b^2/(n*x^(3*n))-
   1/2*b^3/(n*x^(2*n))
--R
             3 3n 2 2n 4n 2 2n 3n 5n 3 2n 3n 4n
--R
       ((-10b x - 20a b x )x - 15a b x x )x - 4a x x x
--R
--R (2) ------
--R
                             2n 3n 4n 5n
--R
                          20n x x x x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 42
--S 43 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
           3 \quad n \log(x) \quad 3 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 2 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 3
--R
     - 10b (%e ) - 20a b (%e ) - 15a b %e - 4a
--R
--R (3) -----
--R
                                n log(x) 5
                            20n (%e )
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 43
--S 44 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
             3 3n 2 2n 4n 2 2n 3n 5n 3 2n 3n 4n
--R
--R
        (((10b x + 20a b x)x + 15a b x x)x + 4a x x x)
--R
--R
          n log(x) 5
        (%e )
--R
--R
          3 2n 3n 4n 5n n log(x) 3 2 2n 3n 4n 5n n log(x) 2
--R
      - 10b x x x x (%e ) - 20a b x x x x (%e )
--R
--R
--R
          2 2n 3n 4n 5n n log(x) 3 2n 3n 4n 5n
--R.
       - 15a b x x x x %e - 4a x x x x
--R /
--R
        2n 3n 4n 5n n log(x) 5
--R
      20n x x x x (%e )
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 44
--S 45 of 1394
```

```
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 45
)clear all
--S 46 of 1394
t0:=x^{(-1-6*n)*(a+b*x^n)^3}
--R
--R
--R
   (1)
   3 - 6n - 1 n 3 2 - 6n - 1 n 2 2 - 6n - 1 n 3 - 6n - 1
--R
--R b x (x) + 3a b x (x) + 3a b x x + a x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 46
--S 47 of 1394
r0:=-1/6*a^3/(n*x^(6*n))-3/5*a^2*b/(n*x^(5*n))-3/4*a*b^2/(n*x^(4*n))-1/2*a*b^2/(n*x^(4*n))
   1/3*b^3/(n*x^(3*n))
--R
--R
           3 4n 2 3n 5n 2 3n 4n 6n 3 3n 4n 5n
--R ((- 20b x - 45a b x )x - 36a b x x )x - 10a x x x
   (2) -----
--R
--R
                            3n 4n 5n 6n
--R
                         60n x x x x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 47
--S 48 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          3 n log(x) 3 2 n log(x) 2 2 n log(x) 3
--R
--R
     - 20b (%e ) - 45a b (%e ) - 36a b %e - 10a
--R (3) ------
--R
                                n \log(x) 6
--R
                           60n (%e )
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 48
--S 49 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
             3 4n 2 3n 5n 2 3n 4n 6n 3 3n 4n 5n
```

```
(((20b x + 45a b x )x + 36a b x x )x + 10a x x x)
--R
--R
--R
                                 n log(x) 6
--R
                           (%e )
--R
                                 3 3n 4n 5n 6n n log(x) 3 2 3n 4n 5n 6n n log(x) 2
--R
--R
                    - 20b x x x x (%e ) - 45a b x x x x (%e )
--R
                                 2 3n 4n 5n 6n n log(x)
--R
                                                                                                             3 3n 4n 5n 6n
                                                                                                 - 10a x x x x
--R
                     - 36a b х х х х %e
--R /
                            3n 4n 5n 6n n log(x) 6
--R
--R
                    60n x x x x (%e )
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 49
--S 50 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 50
)clear all
--S 51 of 1394
t0:=x^{(-1-7*n)*(a+b*x^n)^3}
--R
--R
--R (1)
--R 3 - 7n - 1 n 3 2 - 7n - 1 n 2 2 - 7n - 1 n 3 - 7n - 1
--R b x (x) + 3a b x (x) + 3a b x x + a x
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 51
--S 52 of 1394
 r0:=-1/7*a^3/(n*x^(7*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-3/5*a*b^2/(n*x^(5*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-3/5*a*b^2/(n*x^(5*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-3/5*a*b^2/(n*x^(5*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-3/5*a*b^2/(n*x^(5*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-3/5*a*b^2/(n*x^(6*n))-3/5*a*b^2/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-3/5*a*b^2/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-3/5*a*b^2/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*a^2*b/(n*x^(6*n))-1/2*b/(n*x^(6*n))-1/2*b/(n*x^(6*n))-1/
            1/4*b^3/(n*x^(4*n))
--R
--R
--R
                                        3 5n 2 4n 6n 2 4n 5n 7n 3 4n 5n 6n
--R.
                       ((- 35b x - 84a b x )x - 70a b x x )x - 20a x x x
--R (2) -----
--R.
                                                                                              4n 5n 6n 7n
--R
                                                                                   140n x x x x
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 52
--S 53 of 1394
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         3 \quad n \log(x) \quad 3 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 2 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 3
--R - 35b (%e ) - 84a b (%e ) - 70a b %e - 20a
--R (3) -----
--R
                                  n \log(x) 7
--R
                             140n (%e )
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 53
--S 54 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          3 5n 2 4n 6n 2 4n 5n 7n 3 4n 5n 6n
--R
--R
        (((35b x + 84a b x )x + 70a b x x )x + 20a x x x)
--R
--R
          n log(x) 7
--R
        (%e )
--R
--R
          3 4n 5n 6n 7n n log(x) 3 2 4n 5n 6n 7n n log(x) 2
      - 35b x x x x (%e ) - 84a b x x x x (%e )
--R
--R
--R
          2 4n 5n 6n 7n n log(x) 3 4n 5n 6n 7n
       - 70a b x x x x %e - 20a x x x x
--R
--R /
--R
          4n 5n 6n 7n n log(x) 7
--R
      140n x x x x (%e )
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 54
--S 55 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 55
)clear all
--S 56 of 1394
t0:=x^{-1+4*n}*(a+b*x^n)^5
--R
--R
--R (1)
--R 5 n 5 4 n 4 2 3 n 3 3 2 n 2 4 n 5 4n - 1
--R (b (x ) + 5a b (x ) + 10a b (x ) + 10a b (x ) + 5a b x + a )x
```

```
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 56
--S 57 of 1394
r0:=1/4*a^5*x^(4*n)/n+a^4*b*x^(5*n)/n+5/3*a^3*b^2*x^(6*n)/n+_
   10/7*a^2*b^3*x^(7*n)/n+5/8*a*b^4*x^(8*n)/n+1/9*b^5*x^(9*n)/n
--R
         5 9n 4 8n 2 3 7n 3 2 6n 4 5n 5 4n
--R
--R
        56b x + 315a b x + 720a b x + 840a b x + 504a b x + 126a x
--R (2) -----
--R
                                  504n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 57
--S 58 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
        5 n log(x) 9 4 n log(x) 8 2 3 n log(x) 7
--R
--R
      56b (%e ) + 315a b (%e ) + 720a b (%e )
--R
--R
        3 2 n log(x) 6 4 n log(x) 5 5 n log(x) 4
--R
       840a b (%e ) + 504a b (%e ) + 126a (%e )
--R /
--R
      504n
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 58
--S 59 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        5 n log(x) 9 4 n log(x) 8 2 3 n log(x) 7
--R
       56b (%e ) + 315a b (%e ) + 720a b (%e )
--R
--R
         3 \ 2 \ n \log(x) \ 6 \ 4 \ n \log(x) \ 5 \ n \log(x) \ 4
--R
--R
       840a b (%e ) + 504a b (%e ) + 126a (%e
--R
                    4 8n
          5 9n
--R
                            2 3 7n 3 2 6n 4 5n
--R
       - 56b x - 315a b x - 720a b x - 840a b x - 504a b x - 126a x
--R /
--R
      504n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 59
--S 60 of 1394
d0:=normalize m0
```

```
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 60
)clear all
--S 61 of 1394
t0:=x^{(-1+3*n)*(a+b*x^n)^5}
--R
--R
--R (1)
     5 n 5 4 n 4 2 3 n 3 3 2 n 2 4 n 5 3n - 1
--R
--R (b (x ) + 5a b (x ) + 10a b (x ) + 10a b (x ) + 5a b x + a )x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 61
--S 62 of 1394
r0:=1/6*a^2*(a+b*x^n)^6/(b^3*n)-2/7*a*(a+b*x^n)^7/(b^3*n)+_
    1/8*(a+b*x^n)^8/(b^3*n)
--R
--R (2)
--R
         8 n 8 7 n 7 2 6 n 6 3 5 n 5 4 4 n 4
--R
       21b (x) + 120a b (x) + 280a b (x) + 336a b (x) + 210a b (x)
--R
--R
         53 n3 8
--R
        56a b (x ) + a
--R /
--R
         3
--R
     168b n
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 62
--S 63 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
          5 n log(x) 8 4 n log(x) 7 2 3 n log(x) 6
--R
        21b (%e ) + 120a b (%e ) + 280a b (%e )
--R
--R.
--R
          3 \ 2 \ n \log(x) \ 5 \ 4 \ n \log(x) \ 4 \ 5 \ n \log(x) \ 3
       336a b (%e ) + 210a b (%e ) + 56a (%e )
--R
--R /
--R
      168n
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 63
```

```
--S 64 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
        8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
       21b (%e ) + 120a b (%e ) + 280a b (%e )
--R
--R
          3 5 n log(x) 5 4 4 n log(x) 4 5 3 n log(x) 3
--R
      336a b (%e ) + 210a b (%e ) + 56a b (%e
--R
--R
                    7 n 7 2 6 n 6 3 5 n 5 4 4 n 4
--R
           8 n 8
       - 21b (x ) - 120a b (x ) - 280a b (x ) - 336a b (x ) - 210a b (x )
--R
--R
--R
          53 n3 8
--R
       - 56a b (x ) - a
--R /
--R
        3
--R
      168b n
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 64
--S 65 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 65
)clear all
--S 66 of 1394
t0:=x^{(-1+2*n)*(a+b*x^n)^5}
--R
--R
--R (1)
     5 n 5 4 n 4 2 3 n 3 3 2 n 2 4 n 5 2n - 1
--R
--R (b (x ) + 5a b (x ) + 10a b (x ) + 10a b (x ) + 5a b x + a )x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 66
--S 67 of 1394
r0:=-1/6*a*(a+b*x^n)^6/(b^2*n)+1/7*(a+b*x^n)^7/(b^2*n)
--R
--R
--R (2)
        7 n 7 6 n 6 2 5 n 5 3 4 n 4 4 3 n 3
--R
      6b (x ) + 35a b (x ) + 84a b (x ) + 105a b (x ) + 70a b (x )
--R
--R
```

```
--R 5 2 n 2 7
--R 21a b (x ) - a
       5 2 n 2 7
--R /
--R
        2
--R
      42b n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 67
--S 68 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
        5 n log(x) 7 4 n log(x) 6 2 3 n log(x) 5
--R
--R
       6b (%e ) + 35a b (%e ) + 84a b (%e )
--R
--R
         3 2 n log(x) 4 4 n log(x) 3 5 n log(x) 2
      105a b (%e ) + 70a b (%e ) + 21a (%e )
--R
--R /
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 68
--S 69 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        7 n log(x) 7 6 n log(x) 6 2 5 n log(x) 5
--R
--R
       6b (%e ) + 35a b (%e ) + 84a b (%e )
--R
         3 4 n log(x) 4 4 3 n log(x) 3 5 2 n log(x) 2
--R
      105a b (%e ) + 70a b (%e ) + 21a b (%e )
--R
--R
         7 n 7
                    6 n 6 2 5 n 5 3 4 n 4 4 3 n 3
--R
      - 6b (x) - 35a b (x) - 84a b (x) - 105a b (x) - 70a b (x)
--R
--R
--R
          5 2 n 2 7
--R
       -21ab(x) + a
--R /
--R
--R
      42b n
--R.
                                           Type: Expression(Integer)
--E 69
--S 70 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 70
)clear all
--S 71 of 1394
t0:=x^{-1+n}*(a+b*x^n)^5
--R
--R
--R
   (1)
     5 n - 1 n 5 4 n - 1 n 4 2 3 n - 1 n 3 3 2 n - 1 n 2
--R
     b x (x) + 5a b x (x) + 10a b x (x) + 10a b x (x)
--R
--R +
       4 n - 1 n 5 n - 1
--R
    5abx x + ax
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 71
--S 72 of 1394
r0:=1/6*(a+b*x^n)^6/(b*n)
--R
--R
--R (2)
--R 6 n 6 5 n 5 2 4 n 4 3 3 n 3 4 2 n 2 5 n 6
--R b (x ) + 6a b (x ) + 15a b (x ) + 20a b (x ) + 15a b (x ) + 6a b x + a
--R
--R
                                   6b n
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 72
--S 73 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
       5 n log(x) 6 4 n log(x) 5 2 3 n log(x) 4
--R
      b (%e ) + 6a b (%e ) + 15a b (%e )
--R
--R
         3 \ 2 \ n \log(x) \ 3 \ 4 \ n \log(x) \ 2 \ 5 \ n \log(x)
--R
       20a b (%e ) + 15a b (%e ) + 6a %e
--R
--R /
--R
      6n
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 73
--S 74 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
```

```
6 n log(x) 6 5 n log(x) 5 2 4 n log(x) 4
--R
--R
      b (%e ) + 6a b (%e ) + 15a b (%e )
--R
         3 3 n log(x) 3 4 2 n log(x) 2 5 n log(x) 6 n 6
--R
--R
      20a b (%e ) + 15a b (%e ) + 6a b %e - b (x)
--R
                    24 n 4 3 3 n 3 4 2 n 2 5 n 6
--R
           5 n 5
--R
      - 6a b (x ) - 15a b (x ) - 20a b (x ) - 15a b (x ) - 6a b x - a
--R /
--R
      6b n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 74
--S 75 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 75
)clear all
--S 76 of 1394
t0:=(a+b*x^n)^5/x
--R
--R
--R
        5 n 5 4 n 4 2 3 n 3 3 2 n 2 4 n 5
--R
        b (x) + 5a b (x) + 10a b (x) + 10a b (x) + 5a b x + a
--R (1) -----
--R
                                 x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 76
--S 77 of 1394
r0:=5*a^4*b*x^n/n+5*a^3*b^2*x^(2*n)/n+10/3*a^2*b^3*x^(3*n)/n+_
   5/4*a*b^4*x^(4*n)/n+1/5*b^5*x^(5*n)/n+a^5*log(x)
--R
--R
--R
   (2)
--R
     5 5n 4 4n 2 3 3n 3 2 2n 4 n
--R 12b x + 75a b x + 200a b x + 300a b x + 300a b x + 60a n log(x)
--R.
--R
                                60n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 77
--S 78 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (3)
     5 n log(x) 5 4 n log(x) 4 2 3 n log(x) 3
--R
--R
      12b (%e ) + 75a b (%e ) + 200a b (%e )
--R
--R
         3 \ 2 \ n \log(x) \ 2 \ 4 \ n \log(x)
      300a b (%e ) + 300a b %e + 60a n log(x)
--R
--R /
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 78
--S 79 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
        5 n log(x) 5 4 n log(x) 4 2 3 n log(x) 3
--R
--R
       12b (%e ) + 75a b (%e ) + 200a b (%e )
--R
--R
         3 \ 2 \ n \log(x) \ 2 \ 4 \ n \log(x)
                                          5 5n 4 4n
--R
      300a b (%e ) + 300a b %e - 12b x - 75a b x
--R
--R
         2 3 3n 3 2 2n 4 n
--R
       - 200a b x - 300a b x - 300a b x
--R /
--R
      60n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 79
--S 80 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 80
)clear all
--S 81 of 1394
t0:=x^{(-1-n)}*(a+b*x^n)^5
--R
--R
--R
     5 - n - 1 n 5 4 - n - 1 n 4 2 3 - n - 1 n 3
--R
--R
     b x (x) + 5a b x (x) + 10a b x (x)
--R
     3 2 - n - 1 n 2 4 - n - 1 n 5 - n - 1
--R
--R
     10a b x (x) + 5a b x x + a x
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 81
--S 82 of 1394
r0:=-a^5/(n*x^n)+10*a^3*b^2*x^n/n+5*a^2*b^3*x^(2*n)/n+_
   5/3*a*b^4*x^(3*n)/n+1/4*b^5*x^(4*n)/n+5*a^4*b*log(x)
--R
--R (2)
--R 3b \times x + 20a b \times x + 60a b \times x + 120a b (x) + 60a b n log(x)x - 12a
   ______
--R
--R
--R
                                12n x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 82
--S 83 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
       5 n log(x) 5 4 n log(x) 4 2 3 n log(x) 3
--R
      3b (%e ) + 20a b (%e ) + 60a b (%e )
--R
--R
         3 \ 2 \ n \log(x) \ 2 \ 4 \ n \log(x) \ 5
--R
--R
       120a b (%e ) + 60a b n log(x)%e - 12a
--R /
--R
         n log(x)
--R
     12n %e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 83
--S 84 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
   (4)
--R
        5 \text{ n } n \log(x) 5 4 \text{ n } n \log(x) 4 2 3 \text{ n } n \log(x) 3
--R
--R
       3b x (%e ) + 20a b x (%e ) + 60a b x (%e )
--R
--R
         3 2 n n log(x) 2
--R.
      120a b x (%e )
--R.
          5 n 4n 4 n 3n 2 3 n 2n 3 2 n 2 5 n log(x)
--R
--R
      (-3b \times x - 20a b \times x - 60a b \times x - 120a b (x) + 12a)%e
--R
--R
          5 n
       - 12a x
--R
--R /
```

```
n n log(x)
--R
--R
     12n x %e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 84
--S 85 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 85
)clear all
--S 86 of 1394
t0:=x^{(-1-2*n)*(a+b*x^n)^5}
--R
--R
--R (1)
     5 - 2n - 1 n 5 4 - 2n - 1 n 4 2 3 - 2n - 1 n 3
--R
--R
     b x (x) + 5a b x (x) + 10a b x (x)
--R +
--R
      3 2 - 2n - 1 n 2 4 - 2n - 1 n 5 - 2n - 1
--R
      10a b x (x) + 5a b x x + a x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 86
--S 87 of 1394
r0:=-1/2*a^5/(n*x^(2*n))-5*a^4*b/(n*x^n)+10*a^2*b^3*x^n/n+_
    5/2*a*b^4*x^(2*n)/n+1/3*b^5*x^(3*n)/n+10*a^3*b^2*log(x)
--R
--R
--R (2)
--R
        5 n 2n 3n
                       4 n 2n 2
       2b x x x + 15a b x (x )
--R
--R
--R
          23 n 2 32 n
                                      4 2n 5 n
       (60a b (x) + 60a b n log(x)x - 30a b)x - 3a x
--R
--R /
--R
         n 2n
--R
      6n x x
--R.
                                              Type: Expression(Integer)
--E 87
--S 88 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
5 n log(x) 5 4 n log(x) 4 2 3 n log(x) 3
2b (%e ) + 15a b (%e ) + 60a b (%e )
--R
--R
--R
        3 2 n log(x) 2 4 n log(x) 5
--R
--R
      60a b n log(x)(%e ) - 30a b %e - 3a
--R /
      n log(x) 2
--R
      6n (%e )
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 88
--S 89 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
       5 n 2n n log(x) 5 4 n 2n n log(x) 4
      2b x x (%e ) + 15a b x x (%e )
--R
--R
--R
         2 3 n 2n n log(x) 3
--R
      60a b x x (%e )
--R
            5 n 2n 3n 4 n 2n 2 2 3 n 2 4 2n 5 n
--R
        (- 2b x x x - 15a b x (x ) + (- 60a b (x ) + 30a b)x + 3a x )
--R
--R
         n log(x) 2
--R
--R
        (%e )
--R
         4 n 2n n log(x) 5 n 2n
--R
--R.
      - 30a b x x %e - 3a x x
--R /
     n 2n n log(x) 2
--R
--R
      6n x x (%e )
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 89
--S 90 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 90
)clear all
--S 91 of 1394
t0:=x^{(-1-3*n)*(a+b*x^n)^5}
--R
--R
```

```
--R (1)
--R 5 - 3n - 1 n 5 4 - 3n - 1 n 4 2 3 - 3n - 1 n 3
--R
     b x 	 (x) + 5a b x 	 (x) + 10a b x 	 (x)
--R +
--R
     3 2 - 3n - 1 n 2 4 - 3n - 1 n 5 - 3n - 1
--R
    10a b x (x) + 5a b x x + a x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 91
--S 92 of 1394
r0:=-1/3*a^5/(n*x^(3*n))-5/2*a^4*b/(n*x^(2*n))-10*a^3*b^2/(n*x^n)+_
    5*a*b^4*x^n/n+1/2*b^5*x^(2*n)/n+10*a^2*b^3*log(x)
--R.
--R
--R (2)
--R
          5 n 2n 2 4 n 2 2 3 n 3 2 2n 4 n
--R
        (3b x (x ) + (30a b (x ) + 60a b n log(x)x - 60a b )x - 15a b x )
--R
--R
         3n
--R
        x
--R
--R
       5 n 2n
      - 2a x x
--R
--R /
--R
      n 2n 3n
--R
      6n x x x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 92
--S 93 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
     5 n log(x) 5 4 n log(x) 4 2 3 n log(x) 3
--R
      3b (%e ) + 30a b (%e ) + 60a b n log(x)(%e )
--R
--R
          3 \ 2 \ n \log(x) \ 2 \ 4 \ n \log(x)
--R
      - 60a b (%e ) - 15a b %e
--R
--R /
--R
       n log(x) 3
--R
      6n (%e )
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 93
--S 94 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
```

```
5 n 2n 3n n log(x) 5 4 n 2n 3n n log(x) 4
--R
--R
       3b \times x \times (\%e) + 30a b \times x \times (\%e)
--R
--R
               5 n 2n 2
                              4 n 2 3 2 2n 4 n 3n
--R
           (- 3b x (x ) + (- 30a b (x ) + 60a b )x + 15a b x )x
--R
--R
            5 n 2n
--R
          2a x x
--R
--R
          n log(x) 3
--R
        (%e )
--R
       --R
--R
--R /
--R
       n 2n 3n n log(x) 3
--R
      6n x x x (%e )
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 94
--S 95 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 95
)clear all
--S 96 of 1394
t0:=x^{(-1-4*n)*(a+b*x^n)^5}
--R
--R
--R (1)
    5 - 4n - 1 n 5 4 - 4n - 1 n 4 2 3 - 4n - 1 n 3
--R
    bх
--R
             (x) + 5abx (x) + 10abx
--R +
      3 2 - 4n - 1 n 2 4 - 4n - 1 n 5 - 4n - 1
--R
    10a b x (x) + 5a b x x + a x
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 96
--S 97 of 1394
r0:=-1/4*a^5/(n*x^(4*n))-5/3*a^4*b/(n*x^(3*n))-5*a^3*b^2/(n*x^(2*n))-
   10*a^2*b^3/(n*x^n)+b^5*x^n/n+5*a*b^4*log(x)
--R
--R
--R (2)
              --R.
```

```
--R
          ((12b (x) + 60a b n log(x)x - 120a b)x - 60a b x)x
--R
          4 n 2n
--R
--R
          - 20a b x x
--R
--R
         4n
--R
        x
--R
         5 n 2n 3n
--R
--R
      - Захх х
--R /
--R
         n 2n 3n 4n
--R
      12n x x x x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 97
--S 98 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
     5 n log(x) 5 4 n log(x) 4 2 3 n log(x) 3
--R
--R
      12b (%e ) + 60a b n log(x)(%e ) - 120a b (%e )
--R
--R
         3 \ 2 \ n \log(x) \ 2 \ 4 \ n \log(x) \ 5
      - 60a b (%e ) - 20a b %e - 3a
--R
--R /
      n log(x) 4
--R
--R
      12n (%e )
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 98
--S 99 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
         5 n 2n 3n 4n n log(x) 5
--R
--R
       12b x x x x (%e )
--R
                5 n 2 2 3 2n 3 2 n 3n 4 n 2n 4n
--R
          (((-12b (x) + 120a b)x + 60a b x)x + 20a b x x)x
--R
--R
--R
           5 n 2n 3n
--R
         Захх х
--R
--R
          n \log(x) 4
        (%e )
--R
--R
--R
        2 3 n 2n 3n 4n n log(x) 3 3 2 n 2n 3n 4n n log(x) 2
```

```
- 120a b x x x x (%e ) - 60a b x x x x (%e )
--R
--R
--R
          4 n 2n 3n 4n n log(x) 5 n 2n 3n 4n
--R
       - 20a b x x x x %e - 3a x x x x
--R /
--R
        n 2n 3n 4n n log(x) 4
--R
      12n x x x x (%e )
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 99
--S 100 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 100
)clear all
--S 101 of 1394
t0:=x^{(-1-5*n)*(a+b*x^n)^5}
--R
--R
--R (1)
   5 - 5n - 1 n 5 4 - 5n - 1 n 4 2 3 - 5n - 1 n 3
--R
    b x (x) + 5a b x (x) + 10a b x (x)
--R
--R
--R
     3 2 - 5n - 1 n 2 4 - 5n - 1 n 5 - 5n - 1
--R
    10a b x (x) + 5a b x x + a x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 101
--S 102 of 1394
5*a^2*b^3/(n*x^(2*n))-5*a*b^4/(n*x^n)+b^5*log(x)
--R
--R
--R
   (2)
--R
              5 n 4 2n 2 3 n 3n 3 2 n 2n 4n
          (((60b n log(x)x - 300a b)x - 300a b x)x - 200a b x x)x
--R
--R
--R
             4 n 2n 3n
          - 75a b x x x
--R
--R
--R
         5n
--R
        x
--R
        5 n 2n 3n 4n
--R
      - 12a x x x x
--R
```

```
--R /
--R n 2n 3n 4n 5n
--R
     60n x x x x x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 102
--S 103 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         --R
       60b n log(x)(%e ) - 300a b (%e ) - 300a b (%e )
--R
--R
--R
           3 2 n log(x) 2 4 n log(x)
--R
       - 200a b (%e ) - 75a b %e - 12a
--R /
--R
       n log(x) 5
      60n (%e )
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 103
--S 104 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
                4 2n 2 3 n 3n 3 2 n 2n 4n 4 n 2n 3n 5n
--R
--R
          (((300a b x + 300a b x )x + 200a b x x )x + 75a b x x x )x
--R.
--R
            5 n 2n 3n 4n
--R
         12a x x x x
--R
--R
          n log(x) 5
--R
        (%e )
--R
            4 n 2n 3n 4n 5n n log(x) 4 2 3 n 2n 3n 4n 5n n log(x) 3
--R
      - 300a b x x x x x (%e ) - 300a b x x x x x (%e )
--R
--R
      3 2 n 2n 3n 4n 5n n log(x) 2 4 n 2n 3n 4n 5n n log(x)
- 200a b x x x x x (%e ) - 75a b x x x x x %e
--R
--R
--R
--R.
          5 n 2n 3n 4n 5n
       - 12a x x x x x
--R
--R /
--R
        n 2n 3n 4n 5n n log(x) 5
--R
      60n x x x x x (%e )
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 104
```

```
--S 105 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 105
)clear all
--S 106 of 1394
t0:=x^{(-1-6*n)*(a+b*x^n)^5}
--R
--R
--R (1)
--R 5 - 6n - 1 n 5 4 - 6n - 1 n 4 2 3 - 6n - 1 n 3
--R
     b x (x) + 5a b x (x) + 10a b x (x)
--R +
--R
      3 2 - 6n - 1 n 2 4 - 6n - 1 n 5 - 6n - 1
--R 10a b x (x) + 5a b x x + a x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 106
--S 107 of 1394
r0:=-1/6*(a+b*x^n)^6/(a*n*x^(6*n))
--R
--R
--R (2)
         6 n 6 5 n 5 2 4 n 4 3 3 n 3 4 2 n 2
--R
--R
       - b (x ) - 6a b (x ) - 15a b (x ) - 20a b (x ) - 15a b (x )
      5 n 6
--R
--R
--R
--R /
--R
          6n
     6a n x
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 107
--S 108 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          5 \quad n \log(x) \quad 5 \quad 4 \quad n \log(x) \quad 4 \quad 2 \quad 3 \quad n \log(x) \quad 3
--R
        - 6b (%e ) - 15a b (%e ) - 20a b (%e
--R
--R
--R
          3 \ 2 \ n \log(x) \ 2 \ 4 \ n \log(x) \ 5
      - 15a b (%e ) - 6a b %e - a
--R
--R /
```

```
--R n log(x) 6
--R
   6n (%e )
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 108
--S 109 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
          6 n 6 5 n 5 2 4 n 4 3 3 n 3 4 2 n 2
--R
         b (x) + 6a b (x) + 15a b (x) + 20a b (x) + 15a b (x)
--R
           5 n 6
--R
--R
         6a b x + a
--R
--R
          n log(x) 6
        (%e )
--R
--R
          5 6n n log(x) 5 2 4 6n n log(x) 4 3 3 6n n log(x) 3
--R
--R
      - 6a b x (%e ) - 15a b x (%e ) - 20a b x (%e )
--R
--R
          4 2 6n n log(x) 2 5 6n n log(x) 6 6n
      - 15a b x (%e ) - 6a b x %e - a x
--R
--R /
      6n n log(x) 6
--R
--R
      6a n x (%e )
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 109
--S 110 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 110
)clear all
--S 111 of 1394
t0:=x^{-1-7*n}*(a+b*x^n)^5
--R
--R
--R (1)
     5 - 7n - 1 n 5 4 - 7n - 1 n 4 2 3 - 7n - 1 n 3
--R
--R
     b x (x) + 5a b x (x) + 10a b x (x)
--R +
     3 2 - 7n - 1 n 2 4 - 7n - 1 n 5 - 7n - 1
--R
--R
     10a b x (x) + 5a b x x + a x
```

```
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 111
--S 112 of 1394
r0:=-1/7*(a+b*x^n)^6/(a*n*x^(7*n))+1/42*b*(a+b*x^n)^6/(a^2*n*x^(6*n))
--R
--R
--R
    (2)
           7 n 6 6 n 5 2 5 n 4 3 4 n 3 4 3 n 2
--R
          b (x) + 6a b (x) + 15a b (x) + 20a b (x) + 15a b (x)
--R
--R
            5 2 n 6
--R
--R
          6abx + ab
--R
--R
          7n
--R
         x
--R
--R
               6 n 6 2 5 n 5 3 4 n 4 4 3 n 3 5 2 n 2
          - 6a b (x ) - 36a b (x ) - 90a b (x ) - 120a b (x ) - 90a b (x )
--R
--R
--R
              6 n 7
--R
          - 36a b x - 6a
--R
--R
          6n
--R
         x
--R /
       2 6n 7n
--R
--R
      42a n x x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 112
--S 113 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           5 n log(x) 5 4 n log(x) 4 2 3 n log(x) 3
--R
       - 21b (%e ) - 70a b (%e ) - 105a b (%e )
--R
--R
      3 2 n log(x) 2 4 n log(x)
- 84a b (%e ) - 35a b %e -
--R
--R
--R /
--R
        n \log(x) 7
      42n (%e )
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 113
--S 114 of 1394
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
   (4)
--R
                7 n 6 6 n 5 2 5 n 4 3 4 n 3 4 3 n 2
--R
              - b (x ) - 6a b (x ) - 15a b (x ) - 20a b (x ) - 15a b (x )
--R
--R
                 5 2 n 6
--R
             - 6a b x - a b
--R
--R
             7n
--R
            x
--R
                 6 n 6 2 5 n 5 3 4 n 4 4 3 n 3
--R
              6a b (x ) + 36a b (x ) + 90a b (x ) + 120a b (x )
--R
--R
--R
                52 n 2 6 n 7
--R
              90a b (x ) + 36a b x + 6a
--R
--R
             6n
--R
            X
--R
--R
           n \log(x) 7
--R
         (%e )
--R
--R
            2 5 6n 7n n log(x) 5 3 4 6n 7n n log(x) 4
--R
       - 21a b x x (%e ) - 70a b x x (%e )
--R
             4 3 6n 7n n log(x) 3 5 2 6n 7n n log(x) 2
--R
--R
       - 105a b x x (%e ) - 84a b x x (%e )
--R
--R
           6 6n 7n n log(x) 7 6n 7n
--R
        - 35a b x x %e - 6a x x
--R /
--R
       2 6n 7n n log(x) 7
--R
      42a n x x (%e )
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 114
--S 115 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R.
                                             Type: Expression(Integer)
--E 115
)clear all
--S 116 of 1394
t0:=x^{(-1-8*n)*(a+b*x^n)^5}
--R
```

```
--R
--R (1)
--R 5 - 8n - 1 n 5 4 - 8n - 1 n 4 2 3 - 8n - 1 n 3
--R
                 b x 	 (x) + 5a b x 	 (x) + 10a b x 	 (x)
--R +
                      3 2 - 8n - 1 n 2 4 - 8n - 1 n 5 - 8n - 1
--R
--R
                10a b x (x) + 5a b x x + a x
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--Е 116
--S 117 of 1394
r0:=-1/8*a^5/(n*x^(8*n))-5/7*a^4*b/(n*x^(7*n))-5/3*a^3*b^2/(n*x^(6*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^3*b^2/(n*x^(6*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*x^(7*n))-1/2*a^4*b/(n*
             2*a^2*b^3/(n*x^(5*n))-5/4*a*b^4/(n*x^(4*n))-1/3*b^5/(n*x^(3*n))
--R
--R
--R
            (2)
--R
                                                                 5 4n 4 3n 5n 2 3 3n 4n 6n
--R
                                                 ((- 56b x - 210a b x )x - 336a b x x )x
--R
--R
                                                               3 2 3n 4n 5n
--R
                                                  - 280a b x x x
--R
--R
                                         7n
--R
                                     X
--R
                                       4 3n 4n 5n 6n
--R
--R
                                   - 120a b x x x x
--R
--R
                              8n
--R
                            X
--R
--R
                                 5 3n 4n 5n 6n 7n
--R
                     - 21a x x x x x
--R /
--R
                                3n 4n 5n 6n 7n 8n
--R
                   168n x x x x x x
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 117
--S 118 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R.
--R (3)
                                5 \quad n \log(x) \quad 5 \quad 4 \quad n \log(x) \quad 4 \quad 2 \quad 3 \quad n \log(x) \quad 3
--R
                         - 56b (%e ) - 210a b (%e ) - 336a b (%e
--R
--R
                                   3 2 n log(x) 2 4 n log(x) 5
--R
                     - 280a b (%e ) - 120a b %e - 21a
--R
--R /
```

```
n log(x) 8
--R
     168n (%e )
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 118
--S 119 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
                     5 4n 4 3n 5n 2 3 3n 4n 6n
--R
--R
                  ((56b x + 210a b x )x + 336a b x x )x
--R
--R
                    3 2 3n 4n 5n
--R
                 280a b x x x
--R
--R
                 7n
--R
--R
--R
                4 3n 4n 5n 6n
--R
              120a b x x x x
--R
--R
              8n
--R
--R
--R
            5 3n 4n 5n 6n 7n
--R
           21a x x x x x
--R
--R
           n log(x) 8
         (%e )
--R
--R
--R
           5 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 5
--R
        - 56b x x x x x x (%e )
--R
--R
             4 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 4
--R
       - 210a b x x x x x x (%e )
--R
--R
            2 3 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 3
--R
        - 336a b x x x x x x (%e )
--R
           3 2 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 2
--R
--R
        - 280a b x x x x x x x (%e )
--R.
--R
           4 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 5 3n 4n 5n 6n 7n 8n
        - 120a b x x x x x x %e - 21a x x x x x
--R
--R /
--R
          3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 8
--R
      168n x x x x x x x (%e )
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 119
```

```
--S 120 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 120
)clear all
--S 121 of 1394
t0:=x^{(-1-9*n)*(a+b*x^n)^5}
--R
--R
--R
    (1)
--R
      5 - 9n - 1 n 5 4 - 9n - 1 n 4 2 3 - 9n - 1 n 3
--R
      b x (x) + 5a b x (x) + 10a b x (x)
--R +
        3 2 - 9n - 1 n 2 4 - 9n - 1 n 5 - 9n - 1
--R
--R
      10a b x (x) + 5a b x x + a x
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 121
--S 122 of 1394
r0:=-1/9*a^5/(n*x^(9*n))-5/8*a^4*b/(n*x^(8*n))-10/7*a^3*b^2/(n*x^(7*n))-10/7*a^3*b^2/(n*x^(7*n))
    5/3*a^2*b^3/(n*x^(6*n))-a*b^4/(n*x^(5*n))-1/4*b^5/(n*x^(4*n))
--R
--R
--R
    (2)
--R
                        5 5n 4 4n 6n 2 3 4n 5n 7n
--R
                ((- 126b x - 504a b x )x - 840a b x x )x
--R
--R
                      3 2 4n 5n 6n
--R
                - 720a b x x x
--R
--R
               8n
--R
              x
--R
--R
                 4 4n 5n 6n 7n
--R
            - 315a b x x x x
--R
--R.
           9n
--R
           x
--R
--R
            5 4n 5n 6n 7n 8n
--R
         - 56a x x x x x
--R /
--R
            4n 5n 6n 7n 8n 9n
--R
       504n \times \times \times \times \times \times
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 122
--S 123 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         5 n log(x) 5 4 n log(x) 4 2 3 n log(x) 3
--R
      - 126b (%e ) - 504a b (%e ) - 840a b (%e )
--R
--R
--R
           3\ 2 \ n \log(x) \ 2 \ 4 \ n \log(x) \ 5
       - 720a b (%e ) - 315a b %e - 56a
--R
--R /
--R
          n log(x) 9
--R
      504n (%e )
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 123
--S 124 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                      5 5n 4 4n 6n 2 3 4n 5n 7n
--R
                 ((126b x + 504a b x )x + 840a b x x )x
--R
--R
                     3 2 4n 5n 6n
--R
                 720a b x x x
--R
                 8n
--R
--R
                x
--R
--R
                 4 4n 5n 6n 7n
--R
              315a b x x x x
--R
--R
              9n
--R
             X
--R
--R
             5 4n 5n 6n 7n 8n
--R
           56a x x x x x
--R
--R.
           n log(x) 9
--R
         (%e )
--R
--R
           5 4n 5n 6n 7n 8n 9n n log(x) 5
--R
        - 126b x x x x x x x (%e )
--R
             4 4n 5n 6n 7n 8n 9n n log(x) 4
--R
--R
        - 504a b x x x x x x x (%e )
```

```
--R
         2 3 4n 5n 6n 7n 8n 9n n log(x) 3
--R
--R
       - 840a b x x x x x x x (%e )
--R
--R
             3 2 4n 5n 6n 7n 8n 9n n log(x) 2
--R
      - 720a b x x x x x x (%e )
--R
            4 4n 5n 6n 7n 8n 9n n log(x)
--R
                                          5 4n 5n 6n 7n 8n 9n
--R
      - 315a b x x x x x x %e - 56a x x x x x x
--R /
--R
          4n 5n 6n 7n 8n 9n n log(x) 9
--R
      504n x x x x x x x (%e )
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 124
--S 125 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 125
)clear all
--S 126 of 1394
t0:=x^{(-1-10*n)*(a+b*x^n)^5}
--R
--R
--R (1)
--R 5 - 10n - 1 n 5 4 - 10n - 1 n 4 2 3 - 10n - 1 n 3
     b x 	 (x) + 5a b x 	 (x) + 10a b x 	 (x)
--R
--R +
--R
       3 2 - 10n - 1 n 2 4 - 10n - 1 n 5 - 10n - 1
--R
     10a b x (x) + 5a b x x + a x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 126
--S 127 of 1394
r0:=-1/10*a^5/(n*x^(10*n))-5/9*a^4*b/(n*x^(9*n))-5/4*a^3*b^2/(n*x^(8*n))-
    10/7*a^2*b^3/(n*x^(7*n)) - 5/6*a*b^4/(n*x^(6*n)) - 1/5*b^5/(n*x^(5*n))
--R
--R.
--R (2)
                     5 6n 4 5n 7n 2 3 5n 6n 8n
--R.
              ((- 252b x - 1050a b x )x - 1800a b x x )x
--R
--R
--R
                   3 2 5n 6n 7n
--R
             - 1575a b x x x
--R.
```

```
--R
             9n
--R
           x
--R
             4 5n 6n 7n 8n
--R
--R
          - 700a b x x x x
--R
--R
          10n
--R
         x
--R
--R
           5 5n 6n 7n 8n 9n
--R
       - 126a x x x x x
--R /
--R
           5n 6n 7n 8n 9n 10n
--R
      1260n x x x x x x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 127
--S 128 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          5 n log(x) 5 4 n log(x) 4 2 3 n log(x) 3
--R
      - 252b (%e ) - 1050a b (%e ) - 1800a b (%e )
--R
--R
          3\ 2 \quad n \log(x) \ 2 \qquad 4 \quad n \log(x) \qquad 5
--R
        - 1575a b (%e ) - 700a b %e - 126a
--R
--R /
--R
            n log(x) 10
--R
      1260n (%e )
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 128
--S 129 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                      5 6n 4 5n 7n 2 3 5n 6n 8n
--R
--R
                  ((252b x + 1050a b x )x + 1800a b x x )x
--R
--R
                     3 2 5n 6n 7n
--R.
                 1575a b x x x
--R
--R
                 9n
--R
--R
--R
                 4 5n 6n 7n 8n
--R
              700a b x x x x
--R
```

```
--R
             10n
--R
           x
--R
--R
             5 5n 6n 7n 8n 9n
--R
          126ах х х х
--R
--R
          n log(x) 10
--R
        (%e )
--R
           5 5n 6n 7n 8n 9n 10n n log(x) 5
--R
--R
       - 252b x x x x x x (%e )
--R
              4 5n 6n 7n 8n 9n 10n n log(x) 4
--R
--R
      - 1050a b x x x x x x x (%e )
--R
--R
            2 3 5n 6n 7n 8n 9n 10n n log(x) 3
--R
       - 1800a b x x x x x x x (%e )
--R
--R
             3 2 5n 6n 7n 8n 9n 10n n log(x) 2
--R
       - 1575a b x x x x x x x (%e )
--R
--R
           4 5n 6n 7n 8n 9n 10n n log(x) 5 5n 6n 7n 8n 9n 10n
--R
        - 700a b x x x x x x %e - 126a x x x x x x
--R /
--R
          5n 6n 7n 8n 9n 10n n log(x) 10
--R
      1260n x x x x x x x (%e )
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 129
--S 130 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 130
)clear all
--S 131 of 1394
t0:=x^{-1+9*n}*(a+b*x^n)^8
--R
--R.
--R (1)
       8 n 8 7 n 7 2 6 n 6 3 5 n 5 4 4 n 4
--R.
        b (x) + 8a b (x) + 28a b (x) + 56a b (x) + 70a b (x)
--R
--R
--R
        53 n 3 62 n 2 7 n 8
        56a b (x) + 28a b (x) + 8a b x + a
--R
--R *
```

```
--R 9n - 1
--R
     x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 131
--S 132 of 1394
r0:=1/9*a^8*x^(9*n)/n+4/5*a^7*b*x^(10*n)/n+28/11*a^6*b^2*x^(11*n)/n+_
    14/3*a^5*b^3*x^(12*n)/n+70/13*a^4*b^4*x^(13*n)/n+_
    4*a^3*b^5*x^(14*n)/n+28/15*a^2*b^6*x^(15*n)/n+_
    1/2*a*b^7*x^(16*n)/n+1/17*b^8*x^(17*n)/n
--R
--R
   (2)
--R
--R
           8 17n 7 16n 2 6 15n
--R
       12870b x + 109395a b x + 408408a b x + 875160a b x
--R
             4 4 13n
--R
                       5 3 12n
                                      6 2 11n
--R
      1178100a b x + 1021020a b x + 556920a b x + 175032a b x
--R
--R
           8 9n
--R
       24310a x
--R /
--R
      218790n
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 132
--S 133 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
            8 n log(x) 17 7 n log(x) 16
--R
       12870b (%e ) + 109395a b (%e )
--R
--R
            2 6 n log(x) 15 3 5 n log(x) 14
--R
      408408a b (%e ) + 875160a b (%e )
--R
--R
--R
             4 4 n log(x) 13 5 3 n log(x) 12
      1178100a b (%e ) + 1021020a b (%e )
--R
--R
          6 2 n log(x) 11 7 n log(x) 10 8 n log(x) 9
--R
      556920a b (%e ) + 175032a b (%e ) + 24310a (%e )
--R
--R /
--R
      218790n
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 133
--S 134 of 1394
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
    (4)
       8 n log(x) 17 7 n log(x) 16
--R
       12870b (%e ) + 109395a b (%e )
--R
--R
--R
                            3.5 n log(x) 14
            2 6 n log(x) 15
      408408a b (%e ) + 875160a b (%e )
--R
--R
            4 4 n log(x) 13 5 3 n log(x) 12
--R
      1178100a b (%e ) + 1021020a b (%e )
--R
--R
           6 2 n log(x) 11 7 n log(x) 10
--R
      556920a b (%e ) + 175032a b (%e )
--R
--R
--R
          8 n log(x) 9 8 17n
                                     7 16n 2 6 15n
--R
      24310a (%e ) - 12870b x - 109395a b x - 408408a b x
--R
--R.
             3 5 14n
                      4 4 13n 5 3 12n 6 2 11n
--R
      - 875160a b x - 1178100a b x - 1021020a b x - 556920a b x
--R
--R
             7 10n
                         8 9n
--R
       - 175032a b x - 24310a x
--R /
--R
      218790n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 134
--S 135 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 135
)clear all
--S 136 of 1394
t0:=x^{-1+8*n}*(a+b*x^n)^8
--R
--R
--R
   (1)
--R
    8 n 8 7 n 7 2 6 n 6 3 5 n 5 4 4 n 4
      b (x ) + 8a b (x ) + 28a b (x ) + 56a b (x ) + 70a b (x )
--R.
--R
        5 3 n 3 6 2 n 2 7 n 8
--R
--R
      56a b (x) + 28a b (x) + 8a b x + a
--R *
--R
     8n - 1
--R
     x
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 136
--S 137 of 1394
r0:=1/8*a^8*x^(8*n)/n+8/9*a^7*b*x^(9*n)/n+14/5*a^6*b^2*x^(10*n)/n+_
   56/11*a^5*b^3*x^(11*n)/n+35/6*a^4*b^4*x^(12*n)/n+_
   56/13*a^3*b^5*x^(13*n)/n+2*a^2*b^6*x^(14*n)/n+
   8/15*a*b^7*x^(15*n)/n+1/16*b^8*x^(16*n)/n
--R
--R
--R (2)
          8 16n 7 15n
--R
                                  2 6 14n
                                               3 5 13n
       6435b x + 54912a b x + 205920a b x + 443520a b x
--R
--R
--R
           4 4 12n 5 3 11n 6 2 10n 7 9n
--R
      --R
--R
          8 8n
      12870a x
--R
--R /
--R
     102960n
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 137
--S 138 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
         8 n log(x) 16 7 n log(x) 15 2 6 n log(x) 14
--R.
--R
      6435b (%e ) + 54912a b (%e ) + 205920a b (%e )
--R
--R
           3 5 n log(x) 13
                                4 4 n log(x) 12
      443520a b (%e ) + 600600a b (%e )
--R
--R
           5 3 n log(x) 11 6 2 n log(x) 10
--R
      524160a b (%e ) + 288288a b (%e )
--R
--R
          7 n log(x) 9 8 n log(x) 8
--R
       91520a b (%e ) + 12870a (%e )
--R
--R /
--R
      102960n
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 138
--S 139 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
```

```
8 n log(x) 16 7 n log(x) 15 2 6 n log(x) 14
--R
--R
       6435b (%e ) + 54912a b (%e ) + 205920a b (%e )
--R
--R
           3 5 n log(x) 13
                             4 4 n log(x) 12
       443520a b (%e ) + 600600a b (%e )
--R
--R
           5 3 n log(x) 11 6 2 n log(x) 10
--R
      524160a b (%e ) + 288288a b (%e
--R
--R
           7 n log(x) 9 8 n log(x) 8 8 16n
--R
--R
      91520a b (%e ) + 12870a (%e ) - 6435b x
--R
              7 15n
                         2 6 14n
                                       3 5 13n
--R
      - 54912a b x - 205920a b x - 443520a b x - 600600a b x
--R
--R
                      6 2 10n
--R
             5 3 11n
                                    7 9n
--R
       - 524160a b x - 288288a b x - 91520a b x - 12870a x
--R /
--R
     102960n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 139
--S 140 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 140
)clear all
--S 141 of 1394
t0:=x^{(-1+7*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R (1)
    8 n 8 7 n 7 2 6 n 6 3 5 n 5 4 4 n 4
--R
      b (x) + 8a b (x) + 28a b (x) + 56a b (x) + 70a b (x)
--R
--R
        53 n 3 62 n 2 7 n 8
--R
      56a b (x ) + 28a b (x ) + 8a b x + a
--R
--R. *
--R
     7n - 1
--R x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 141
--S 142 of 1394
r0:=1/7*a^8*x^(7*n)/n+a^7*b*x^(8*n)/n+28/9*a^6*b^2*x^(9*n)/n+_
```

```
28/5*a^5*b^3*x^(10*n)/n+70/11*a^4*b^4*x^(11*n)/n+_
   14/3*a^3*b^5*x^(12*n)/n+28/13*a^2*b^6*x^(13*n)/n+
   4/7*a*b^7*x^(14*n)/n+1/15*b^8*x^(15*n)/n
--R
--R
--R
   (2)
         8 15n 7 14n 2 6 13n 3 5 12n
--R
--R
      3003b x + 25740a b x + 97020a b x + 210210a b x
--R
         4 4 11n 5 3 10n 6 2 9n 7 8n
--R
--R
     --R /
--R
     45045n
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 142
--S 143 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         8 n log(x) 15 7 n log(x) 14 2 6 n log(x) 13
--R
--R
       3003b (%e ) + 25740a b (%e ) + 97020a b (%e )
--R
--R
          3 5 n log(x) 12 4 4 n log(x) 11
     210210a b (%e ) + 286650a b (%e )
--R
--R
--R
           5 3 n log(x) 10 6 2 n log(x) 9
--R
       252252a b (%e ) + 140140a b (%e
--R
          7 n log(x) 8 n log(x) 7
--R
       45045a b (%e ) + 6435a (%e )
--R
--R /
--R
     45045n
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 143
--S 144 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
         8 n log(x) 15 7 n log(x) 14 2 6 n log(x) 13
       3003b (%e ) + 25740a b (%e ) + 97020a b (%e )
--R.
--R
--R
           3 5 n log(x) 12
                              4 4 n log(x) 11
       210210a b (%e ) + 286650a b (%e )
--R
--R
          5 3 n log(x) 10 6 2 n log(x) 9
--R
       252252a b (%e ) + 140140a b (%e )
--R
```

```
--R
         7 n log(x) 8 n log(x) 7 8 15n 7 14n
--R
--R
       45045a b (%e ) + 6435a (%e ) - 3003b x - 25740a b x
--R
              2 6 13n 3 5 12n 4 4 11n 5 3 10n
--R
--R
      - 97020a b x - 210210a b x - 286650a b x - 252252a b x
--R
--R
              6 2 9n
                          7 8n
                                     8 7n
        - 140140a b x - 45045a b x - 6435a x
--R
--R /
--R
      45045n
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 144
--S 145 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 145
)clear all
--S 146 of 1394
t0:=x^{-1+6*n}*(a+b*x^n)^8
--R
--R
--R
    (1)
--R
    8 n 8 7 n 7 2 6 n 6 3 5 n 5 4 4 n 4
--R
      b (x) + 8a b (x) + 28a b (x) + 56a b (x) + 70a b (x)
--R
--R
         5 3 n 3 6 2 n 2 7 n 8
--R
      56a b (x) + 28a b (x) + 8a b x + a
--R *
--R
      6n - 1
--R
     x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 146
--S 147 of 1394
r0:=-1/9*a^5*(a+b*x^n)^9/(b^6*n)+1/2*a^4*(a+b*x^n)^10/(b^6*n)-_
    10/11*a^3*(a+b*x^n)^11/(b^6*n)+5/6*a^2*(a+b*x^n)^12/(b^6*n)-_
    5/13*a*(a+b*x^n)^13/(b^6*n)+1/14*(a+b*x^n)^14/(b^6*n)
--R
--R
--R (2)
--R
          14 n 14 13 n 13 2 12 n 12 3 11 n 11
      1287b (x) + 11088a b (x) + 42042a b (x) + 91728a b (x)
--R
--R
```

```
4 10 n 10 5 9 n 9 6 8 n 8 7 7 n 7
--R
--R
--R
         8 6 n 6 14
   3003a b (x ) - a
--R
--R /
--R
--R
    18018b n
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 147
--S 148 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
        8 n log(x) 14 7 n log(x) 13 2 6 n log(x) 12
--R
--R
      1287b (%e ) + 11088a b (%e ) + 42042a b (%e )
--R
         3 5 n log(x) 11 4 4 n log(x) 10
--R
     91728a b (%e ) + 126126a b (%e
--R
--R
--R
          5 3 n log(x) 9 6 2 n log(x) 8 7 n log(x) 7
--R
     112112a b (%e ) + 63063a b (%e ) + 20592a b (%e )
--R
--R
       8 n log(x) 6
--R
      3003a (%e )
--R /
--R
    18018n
--R
                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 148
--S 149 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
        14 n log(x) 14 13 n log(x) 13
--R
      1287b (%e ) + 11088a b (%e )
--R
--R
         2 12 n log(x) 12 3 11 n log(x) 11
--R
      42042a b (%e ) + 91728a b (%e )
--R
--R.
          4 10 n log(x) 10 5 9 n log(x) 9
--R.
     126126a b (%e ) + 112112a b (%e
--R
--R
         68 n log(x) 8 77 n log(x) 7 86 n log(x) 6
--R
      63063a b (%e ) + 20592a b (%e ) + 3003a b (%e )
--R
--R
--R
           14 n 14 13 n 13 2 12 n 12 3 11 n 11
```

```
- 1287b (x) - 11088a b (x) - 42042a b (x) - 91728a b (x)
--R
--R
--R
               4 10 n 10 5 9 n 9 6 8 n 8 7 7 n 7
--R
      - 126126a b (x) - 112112a b (x) - 63063a b (x) - 20592a b (x)
--R
--R
            8 6 n 6 14
--R
      -3003a b (x) + a
--R /
--R
          6
--R
      18018b n
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 149
--S 150 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 150
)clear all
--S 151 of 1394
t0:=x^{-1+5*n}*(a+b*x^n)^8
--R
--R
--R (1)
--R 8 n 8 7 n 7 2 6 n 6 3 5 n 5 4 4 n 4
--R
      b (x) + 8a b (x) + 28a b (x) + 56a b (x) + 70a b (x)
--R
       53 n 3 62 n 2 7 n 8
--R
--R
      56a b (x) + 28a b (x) + 8a b x + a
--R *
--R
     5n - 1
--R
     x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 151
--S 152 of 1394
r0:=1/9*a^4*(a+b*x^n)^9/(b^5*n)-2/5*a^3*(a+b*x^n)^10/(b^5*n)+_
    6/11*a^2*(a+b*x^n)^11/(b^5*n)-1/3*a*(a+b*x^n)^12/(b^5*n)+_
    1/13*(a+b*x^n)^13/(b^5*n)
--R.
--R
--R (2)
          13 n 13 12 n 12 2 11 n 11 3 10 n 10
--R
--R
       495b (x) + 4290a b (x) + 16380a b (x) + 36036a b (x)
--R
--R
           49 n 9 58 n 8 67 n 7 7 6 n 6
```

```
--R
      50050a b (x) + 45045a b (x) + 25740a b (x) + 8580a b (x)
--R
--R
         8 5 n 5 13
--R
      1287a b (x ) + a
--R /
--R
--R
     6435b n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 152
--S 153 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
         8 n log(x) 13 7 n log(x) 12 2 6 n log(x) 11
--R
       495b (%e ) + 4290a b (%e ) + 16380a b (%e )
--R
--R
          3 5 n log(x) 10
                           4 4 n log(x) 9 5 3 n log(x) 8
      36036a b (%e ) + 50050a b (%e ) + 45045a b (%e )
--R
--R
          6 2 n log(x) 7 7 n log(x) 6 8 n log(x) 5
--R
       25740a b (%e ) + 8580a b (%e ) + 1287a (%e )
--R
--R /
--R
      6435n
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 153
--S 154 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        13 n log(x) 13 12 n log(x) 12 2 11 n log(x) 11
--R
       495b (%e ) + 4290a b (%e ) + 16380a b (%e )
--R
--R
          3 10 n log(x) 10 4 9 n log(x) 9
--R
--R
       36036a b (%e ) + 50050a b (%e )
--R
--R
          5 8 n log(x) 8 6 7 n log(x) 7 7 6 n log(x) 6
       45045a b (%e ) + 25740a b (%e ) + 8580a b (%e )
--R
--R
--R.
          8 5 n log(x) 5 13 n 13 12 n 12 2 11 n 11
--R
       1287a b (%e ) - 495b (x) - 4290a b (x) - 16380a b (x)
--R
--R
             3 10 n 10
                         49 n 9
                                       58 n8
--R
       - 36036a b (x) - 50050a b (x) - 45045a b (x) - 25740a b (x)
--R
--R
           76 n 6 85 n 5 13
--R
       - 8580a b (x ) - 1287a b (x ) - a
```

```
--R /
       5
--R
--R
     6435b n
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 154
--S 155 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 155
)clear all
--S 156 of 1394
t0:=x^{(-1+4*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R (1)
       8 n 8 7 n 7 2 6 n 6 3 5 n 5 4 4 n 4
--R
--R
       b (x) + 8a b (x) + 28a b (x) + 56a b (x) + 70a b (x)
--R
--R
         5 3 n 3 6 2 n 2 7 n
       56a b (x ) + 28a b (x ) + 8a b x + a
--R
--R *
--R
      4n - 1
--R
      х
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 156
--S 157 of 1394
r0:=-1/9*a^3*(a+b*x^n)^9/(b^4*n)+3/10*a^2*(a+b*x^n)^10/(b^4*n)-_
    3/11*a*(a+b*x^n)^11/(b^4*n)+1/12*(a+b*x^n)^12/(b^4*n)
--R
--R
--R
    (2)
--R
          12 n 12 11 n 11 2 10 n 10
                                                       39 n 9
--R
        165b (x) + 1440a b (x) + 5544a b (x) + 12320a b (x)
--R
--R
                       57 n 7 66 n 6
            48 n8
                                                    75 n5
--R
        17325a b (x ) + 15840a b (x ) + 9240a b (x ) + 3168a b (x )
--R
--R
          8 4 n 4 12
--R
        495a b (x ) - a
--R /
--R
      1980b n
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 157
--S 158 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
         8 n log(x) 12 7 n log(x) 11 2 6 n log(x) 10
--R
      165b (%e ) + 1440a b (%e ) + 5544a b (%e )
--R
--R
--R
                           4 4 n log(x) 8 5 3 n log(x) 7
          35 n log(x) 9
      12320a b (%e ) + 17325a b (%e ) + 15840a b (%e
--R
--R
         6 2 n log(x) 6 7 n log(x) 5 8 n log(x) 4
--R
       9240a b (%e ) + 3168a b (%e ) + 495a (%e )
--R
--R /
--R
     1980n
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 158
--S 159 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
         12 n log(x) 12 11 n log(x) 11 2 10 n log(x) 10
--R
--R
       165b (%e ) + 1440a b (%e ) + 5544a b (%e )
--R
--R
          3 9 n log(x) 9 4 8 n log(x) 8 5 7 n log(x) 7
--R.
      12320a b (%e ) + 17325a b (%e ) + 15840a b (%e )
--R
          6 6 n log(x) 6 7 5 n log(x) 5 8 4 n log(x) 4
--R
      9240a b (%e ) + 3168a b (%e ) + 495a b (%e )
--R
--R
                    11 n 11 2 10 n 10 3 9 n 9
--R
          12 n 12
      - 165b (x) - 1440a b (x) - 5544a b (x) - 12320a b (x)
--R
--R
--R
            48 n8
                      57 n 7 66 n 6
                                               75 n5
--R
       - 17325a b (x ) - 15840a b (x ) - 9240a b (x ) - 3168a b (x )
--R
--R
          8 4 n 4 12
       - 495a b (x ) + a
--R
--R /
--R.
--R
      1980b n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 159
--S 160 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
```

```
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 160
)clear all
--S 161 of 1394
t0:=x^{(-1+3*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R
   (1)
        8 n 8 7 n 7 2 6 n 6 3 5 n 5 4 4 n 4
--R
--R
       b (x ) + 8a b (x ) + 28a b (x ) + 56a b (x ) + 70a b (x )
--R
--R
         5 3 n 3 6 2 n 2 7 n 8
--R
       56a b (x) + 28a b (x) + 8a b x + a
--R *
--R
      3n - 1
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 161
--S 162 of 1394
r0:=1/9*a^2*(a+b*x^n)^9/(b^3*n)-1/5*a*(a+b*x^n)^10/(b^3*n)+_
    1/11*(a+b*x^n)^11/(b^3*n)
--R
--R
--R (2)
         11 n 11 10 n 10 2 9 n 9 3 8 n 8
--R
--R
       45b (x) + 396a b (x) + 1540a b (x) + 3465a b (x)
--R
           47 n 7 5 6 n 6 6 5 n 5 7 4 n 4
--R
--R
      4950a b (x ) + 4620a b (x ) + 2772a b (x ) + 990a b (x )
--R
--R
          8 3 n 3 11
--R
       165a b (x ) + a
--R /
--R
        3
--R
      495b n
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 162
--S 163 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
         8 n log(x) 11 7 n log(x) 10 2 6 n log(x) 9
```

```
45b (%e ) + 396a b (%e ) + 1540a b (%e )
--R
--R
          35 n log(x) 8 44 n log(x) 7 53 n log(x) 6
--R
       3465a b (%e ) + 4950a b (%e ) + 4620a b (%e )
--R
--R
          6 2 n \log(x) 5 7 n \log(x) 4 8 n \log(x) 3
--R
       2772a b (%e ) + 990a b (%e ) + 165a (%e )
--R
--R /
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 163
--S 164 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
        11 n log(x) 11 10 n log(x) 10 2 9 n log(x) 9
--R
--R
       45b (%e ) + 396a b (%e ) + 1540a b (%e )
--R
--R
         38 n log(x) 8 47 n log(x) 7 56 n log(x) 6
--R
      3465a b (%e ) + 4950a b (%e ) + 4620a b (%e )
--R
--R
         65 n log(x) 5 74 n log(x) 4 83 n log(x) 3
--R
      2772a b (%e ) + 990a b (%e ) + 165a b (%e )
--R
--R
          11 n 11 10 n 10 2 9 n 9
--R
       - 45b (x) - 396a b (x) - 1540a b (x) - 3465a b (x)
--R
--R.
            47 n 7 5 6 n 6 6 5 n 5 7 4 n 4
--R
       - 4950a b (x ) - 4620a b (x ) - 2772a b (x ) - 990a b (x )
--R
--R
          8 3 n 3 11
--R
      - 165a b (x ) - a
--R /
--R
       3
--R
      495b n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 164
--S 165 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 165
)clear all
```

```
--S 166 of 1394
t0:=x^{-1+2*n}*(a+b*x^n)^8
--R
--R
--R (1)
       8 n 8 7 n 7 2 6 n 6 3 5 n 5 4 4 n 4
--R
--R
      b (x) + 8a b (x) + 28a b (x) + 56a b (x) + 70a b (x)
--R
        53 n 3 62 n 2 7 n 8
--R
--R
      56a b (x ) + 28a b (x ) + 8a b x + a
--R *
     2n - 1
--R
--R
      x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 166
--S 167 of 1394
r0:=-1/9*a*(a+b*x^n)^9/(b^2*n)+1/10*(a+b*x^n)^10/(b^2*n)
--R
--R
--R (2)
        10 n 10 9 n 9 2 8 n 8 3 7 n 7 4 6 n 6
--R
--R
       9b (x) + 80a b (x) + 315a b (x) + 720a b (x) + 1050a b (x)
--R
--R
          55 n 5 6 4 n 4 7 3 n 3 8 2 n 2
      1008a b (x ) + 630a b (x ) + 240a b (x ) + 45a b (x ) - a
--R
--R /
--R
--R
      90b n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 167
--S 168 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        8 n log(x) 10 7 n log(x) 9 2 6 n log(x) 8
--R
       9b (%e ) + 80a b (%e ) + 315a b (%e
--R
--R
         3 5 n log(x) 7 4 4 n log(x) 6 5 3 n log(x) 5
--R
       720a b (%e ) + 1050a b (%e ) + 1008a b (%e
--R
--R
--R
         6 2 n log(x) 4 7 n log(x) 3 8 n log(x) 2
      630a b (%e ) + 240a b (%e ) + 45a (%e )
--R
--R /
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 168
```

```
--S 169 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
       10 n log(x) 10 9 n log(x) 9 2 8 n log(x) 8
--R
      9b (%e ) + 80a b (%e ) + 315a b (%e )
--R
--R
        3 7 n log(x) 7 4 6 n log(x) 6 5 5 n log(x) 5
--R
      720a b (%e ) + 1050a b (%e ) + 1008a b (%e )
--R
--R
--R
         6 4 n log(x) 4 7 3 n log(x) 3 8 2 n log(x) 2
      630a b (%e ) + 240a b (%e ) + 45a b (%e )
--R
--R
--R
         10 n 10
                   9 n 9 2 8 n 8
                                         37 n7 46 n6
--R
       - 9b (x) - 80a b (x) - 315a b (x) - 720a b (x) - 1050a b (x)
--R
--R
          55 n 5 6 4 n 4 7 3 n 3 8 2 n 2 10
       - 1008a b (x ) - 630a b (x ) - 240a b (x ) - 45a b (x ) + a
--R
--R /
--R
--R
      90b n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 169
--S 170 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 170
)clear all
--S 171 of 1394
t0:=x^{-1+n}*(a+b*x^n)^8
--R
--R
--R
   (1)
     8 n - 1 n 8 7 n - 1 n 7 2 6 n - 1 n 6 3 5 n - 1 n 5
--R
    b x (x) + 8a b x (x) + 28a b x (x) + 56a b x (x)
--R
--R
--R.
      44n-1 n4 53n-1 n3 62n-1 n2 7 n-1 n
--R
    70a b x (x) + 56a b x (x) + 28a b x (x) + 8a b x x
--R
--R
     8 n - 1
--R
     ах
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 171
```

```
--S 172 of 1394
r0:=1/9*(a+b*x^n)^9/(b*n)
--R
--R
--R
    (2)
       9 n 9 8 n 8 2 7 n 7 3 6 n 6 4 5 n 5
--R
--R
       b (x) + 9a b (x) + 36a b (x) + 84a b (x) + 126a b (x)
--R
          5 4 n 4 6 3 n 3 7 2 n 2 8 n 9
--R
--R
      126a b (x ) + 84a b (x ) + 36a b (x ) + 9a b x + a
--R /
--R
      9b n
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 172
--S 173 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       8 n log(x) 9 7 n log(x) 8 2 6 n log(x) 7
--R
--R
        b (%e ) + 9a b (%e ) + 36a b (%e )
--R
--R
         3.5 \quad n \log(x) 6 \qquad 4.4 \quad n \log(x) 5 \qquad 5.3 \quad n \log(x) 4
--R
       84a b (%e ) + 126a b (%e ) + 126a b (%e
--R
--R
         6\ 2 \quad n \log(x) \ 3 \qquad 7 \qquad n \log(x) \ 2 \qquad 8 \quad n \log(x)
--R
        84a b (%e ) + 36a b (%e ) + 9a %e
--R /
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 173
--S 174 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        9 n log(x) 9 8 n log(x) 8 2 7 n log(x) 7
--R
       b (%e ) + 9a b (%e ) + 36a b (%e
--R
--R
         3 6 n log(x) 6 4 5 n log(x) 5 5 4 n log(x) 4
--R.
--R.
        84a b (%e ) + 126a b (%e ) + 126a b (%e
--R
--R
         6 3 n \log(x) 3 7 2 n \log(x) 2 8 n \log(x) 9 n 9
--R
        84a b (%e ) + 36a b (%e ) + 9a b %e
--R
         8 n 8 2 7 n 7 3 6 n 6 4 5 n 5 5 4 n 4
--R
--R
        - 9a b (x ) - 36a b (x ) - 84a b (x ) - 126a b (x ) - 126a b (x )
```

```
--R
        6 3 n 3 7 2 n 2 8 n 9
--R
--R
       - 84a b (x ) - 36a b (x ) - 9a b x - a
--R /
--R
     9b n
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 174
--S 175 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 175
)clear all
--S 176 of 1394
t0:=(a+b*x^n)^8/x
--R
--R
--R (1)
--R
       8 n 8 7 n 7 2 6 n 6 3 5 n 5 4 4 n 4
--R
        b (x) + 8a b (x) + 28a b (x) + 56a b (x) + 70a b (x)
--R
--R
         53 n 3 62 n 2 7 n
--R
       56a b (x ) + 28a b (x ) + 8a b x + a
--R /
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 176
--S 177 of 1394
r0:=8*a^7*b*x^n/n+14*a^6*b^2*x^(2*n)/n+56/3*a^5*b^3*x^(3*n)/n+
    35/2*a^4*b^4*x^(4*n)/n+56/5*a^3*b^5*x^(5*n)/n+_
    14/3*a^2*b^6*x^(6*n)/n+8/7*a*b^7*x^(7*n)/n+1/8*b^8*x^(8*n)/n+a^8*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
           8 8n 7 7n 2 6 6n 3 5 5n
        105b x + 960a b x + 3920a b x + 9408a b x + 14700a b x
--R
--R
--R
            5 3 3n
                      6 2 2n
                                   7 n
--R
       15680a b x + 11760a b x + 6720a b x + 840a n log(x)
--R /
--R
      840n
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 177
```

```
--S 178 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
      105b (%e ) + 960a b (%e ) + 3920a b (%e )
--R
--R
          3 5 n log(x) 5 4 4 n log(x) 4 5 3 n log(x) 3
--R
      9408a b (%e ) + 14700a b (%e ) + 15680a b (%e
--R
--R
           6\ 2 \quad n \log(x) \ 2 \qquad 7 \quad n \log(x)
--R
        11760a b (%e ) + 6720a b %e + 840a n log(x)
--R
--R /
--R
      840n
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 178
--S 179 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
        105b (%e ) + 960a b (%e ) + 3920a b (%e )
--R
--R
          3.5 \quad n \log(x).5 \qquad 4.4 \quad n \log(x).4 \qquad 5.3 \quad n \log(x).3
--R
      9408a b (%e ) + 14700a b (%e ) + 15680a b (%e )
--R
            6 2 n log(x) 2 7 n log(x) 8 8n 7 7n
--R.
--R
      11760a b (%e ) + 6720a b %e - 105b x - 960a b x
--R
            2 6 6n 3 5 5n 4 4 4n
                                               5 3 3n 6 2 2n
--R
--R
       - 3920a b x - 9408a b x - 14700a b x - 15680a b x - 11760a b x
--R
            7 n
--R
       - 6720a b x
--R
--R /
--R
      840n
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 179
--S 180 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 180
```

```
)clear all
--S 181 of 1394
t0:=x^{(-1-n)}*(a+b*x^n)^8
--R
--R
--R
   (1)
     8 - n - 1 n 8 7 - n - 1 n 7 2 6 - n - 1 n 6
--R
     b x (x) + 8a b x (x) + 28a b x
--R
--R
--R
       35-n-1 n 5 44-n-1 n 4 53-n-1 n 3
--R
             (x) + 70abx (x) + 56abx
     56a b x
--R
       6 2 - n - 1 n 2 7 - n - 1 n 8 - n - 1
--R
     28a b x (x) + 8a b x x + a x
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 181
--S 182 of 1394
r0:=-a^8/(n*x^n)+28*a^6*b^2*x^n/n+28*a^5*b^3*x^(2*n)/n+_
    70/3*a^4*b^4*x^(3*n)/n+14*a^3*b^5*x^(4*n)/n+
    28/5*a^2*b^6*x^(5*n)/n+4/3*a*b^7*x^(6*n)/n+1/7*b^8*x^(7*n)/n+_
    8*a^7*b*log(x)
--R
--R
   (2)
--R
         8 n 7n 7 n 6n 2 6 n 5n 3 5 n 4n 4 4 n 3n
--R
--R
       15b x x + 140a b x x + 588a b x x + 1470a b x x + 2450a b x x
--R
--R
          5 3 n 2n 6 2 n 2 7 n 8
--R
       2940a b x x + 2940a b (x) + 840a b n log(x)x - 105a
--R /
--R
--R
      105n x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 182
--S 183 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R.
         8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R.
       15b (%e ) + 140a b (%e ) + 588a b (%e )
--R
--R
          3.5 \quad n \log(x).5 \qquad 4.4 \quad n \log(x).4 \qquad 5.3 \quad n \log(x).3
      1470a b (%e ) + 2450a b (%e ) + 2940a b (%e
--R
--R
           6 2 n log(x) 2 7 n log(x) 8
--R
--R
       2940a b (\%e ) + 840a b n log(x)\%e - 105a
```

```
--R /
--R n log(x)
--R
    105n %e
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 183
--S 184 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
         8 n n log(x) 8 7 n n log(x) 7 2 6 n n log(x) 6
       15b x (%e ) + 140a b x (%e ) + 588a b x (%e )
--R
--R
--R
          35 n n log(x) 5 44 n n log(x) 4
--R
      1470a b x (%e ) + 2450a b x (%e )
--R
--R
          5 3 n n log(x) 3 6 2 n n log(x) 2
      2940a b x (%e ) + 2940a b x (%e )
--R
--R
--R
             8 n 7n 7 n 6n 2 6 n 5n 3 5 n 4n
--R
          - 15b x x - 140a b x x - 588a b x x - 1470a b x x
--R
            4 4 n 3n 5 3 n 2n 6 2 n 2 8
--R
--R
         - 2450a b x x - 2940a b x x - 2940a b (x ) + 105a
--R
--R
          n log(x)
--R
         %e
--R
         8 n
--R
      - 105a x
--R
--R /
--R
         n n log(x)
--R
      105n x %e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 184
--S 185 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 185
)clear all
--S 186 of 1394
t0:=x^{(-1-2*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
```

```
--R
--R
   (1)
--R
   8 - 2n - 1 n 8 7 - 2n - 1 n 7 2 6 - 2n - 1 n 6
--R
     b x (x) + 8a b x (x) + 28a b x (x)
--R +
      35-2n-1 n5 44-2n-1 n4 53-2n-1 n3
--R
--R
    56a b x (x) + 70a b x (x) + 56a b x (x)
--R
      6 2 - 2n - 1 n 2 7 - 2n - 1 n 8 - 2n - 1
--R
--R
                (x) + 8abx x + ax
     28a b x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 186
--S 187 of 1394
r0:=-1/2*a^8/(n*x^(2*n))-8*a^7*b/(n*x^n)+56*a^5*b^3*x^n/n+_
   35*a^4*b^4*x^(2*n)/n+56/3*a^3*b^5*x^(3*n)/n+_
   7*a^2*b^6*x^(4*n)/n+8/5*a*b^7*x^(5*n)/n+1/6*b^8*x^(6*n)/n+_
   28*a^6*b^2*log(x)
--R
--R
--R (2)
       8 n 2n 6n 7 n 2n 5n 2 6 n 2n 4n 3 5 n 2n 3n
--R
--R
      5b x x x + 48a b x x x + 210a b x x x + 560a b x x x
--R
--R
        4 4 n 2n 2 5 3 n 2 6 2 n 7 2n
--R
      1050a b x (x ) + (1680a b (x ) + 840a b n log(x)x - 240a b)x - 15a x
--R /
--R
         n 2n
--R
      30n x x
--R.
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 187
--S 188 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
      5b (%e ) + 48a b (%e ) + 210a b (%e
--R
--R
         3 5 n log(x) 5 4 4 n log(x) 4 5 3 n log(x) 3
--R
       560a b (%e ) + 1050a b (%e ) + 1680a b (%e
--R
--R
--R.
         840a b n log(x)(%e ) - 240a b %e - 15a
--R
--R /
       n log(x) 2
--R
      30n (%e )
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 188
```

```
--S 189 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
       8 n 2n n log(x) 8 7 n 2n n log(x) 7
--R
--R
       5b x x (%e ) + 48a b x x (%e )
--R
          2 6 n 2n n log(x) 6 3 5 n 2n n log(x) 5
--R
--R
       210a b x x (%e ) + 560a b x x (%e )
--R
           4 4 n 2n n log(x) 4 5 3 n 2n n log(x) 3
--R
       1050a b x x (%e ) + 1680a b x x (%e )
--R
--R
--R
             8 n 2n 6n
                         7 n 2n 5n 2 6 n 2n 4n 3 5 n 2n 3n
--R
           - 5b x x x - 48a b x x x - 210a b x x x - 560a b x x x
--R
--R
                4 4 n 2n 2 5 3 n 2 7 2n 8 n
          - 1050a b x (x ) + (- 1680a b (x ) + 240a b)x + 15a x
--R
--R
--R
          n \log(x) 2
         (%e )
--R
--R
--R
         7 n 2n n log(x) 8 n 2n
       - 240a b x x %e - 15a x x
--R
--R /
       n 2n n log(x) 2
--R
--R
      30n x x (%e )
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 189
--S 190 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 190
)clear all
--S 191 of 1394
t0:=x^{(-1-3*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R (1)
--R 8 - 3n - 1 n 8 7 - 3n - 1 n 7 2 6 - 3n - 1 n 6 
--R b x (x) + 8a b x (x) + 28a b x (x)
--R +
```

```
--R 3 5 - 3n - 1 n 5 4 4 - 3n - 1 n 4 5 3 - 3n - 1 n 3
     56a b x (x) + 70a b x (x) + 56a b x (x)
--R
--R +
--R
      6 2 - 3n - 1 n 2 7 - 3n - 1 n 8 - 3n - 1
--R
     28a b x (x) + 8a b x x + a x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 191
--S 192 of 1394
r0:=-1/3*a^8/(n*x^(3*n))-4*a^7*b/(n*x^(2*n))-28*a^6*b^2/(n*x^n)+_
    70*a^4*b^4*x^n/n+28*a^3*b^5*x^(2*n)/n+28/3*a^2*b^6*x^(3*n)/n+_
    2*a*b^7*x^(4*n)/n+1/5*b^8*x^(5*n)/n+56*a^5*b^3*log(x)
--R
--R
--R
   (2)
--R
         8 n 2n 3n 5n 7 n 2n 3n 4n 2 6 n 2n 3n 2
--R
       3b \times x \times x + 30a b \times x \times x + 140a b \times x (x)
--R
--R
                          4 4 n 2
              3 5 n 2n 2
                                       5 3 n
--R
          420a b x (x ) + (1050a b (x ) + 840a b n log(x)x - 420a b )x
--R
--R
             7 n
          - 60a b x
--R
--R
--R
         3n
--R
         X
--R
         8 n 2n
--R
--R
       - 5ахх
--R /
--R
         n 2n 3n
--R
     15n x x x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 192
--S 193 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
        8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
       3b (%e ) + 30a b (%e ) + 140a b (%e )
--R
--R
--R.
         3.5 \quad n \log(x).5 \qquad 4.4 \quad n \log(x).4
       420a b (%e ) + 1050a b (%e
--R
--R
         --R
--R
      840a b n log(x)(%e ) - 420a b (%e ) - 60a b %e
--R
--R
        8
```

```
--R - 5a
--R /
--R n log(x) 3
--R
     15n (%e )
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 193
--S 194 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
        8 n 2n 3n n log(x) 8 7 n 2n 3n n log(x) 7
--R
       3b x x x (%e ) + 30a b x x x (%e
--R
--R
--R
          2 6 n 2n 3n n log(x) 6 3 5 n 2n 3n n log(x) 5
      140a b x x x (%e ) + 420a b x x x (%e )
--R
--R
--R
           4 4 n 2n 3n n log(x) 4
--R
       1050a b x x x (%e )
--R
--R
             8 n 2n 3n 5n 7 n 2n 3n 4n 2 6 n 2n 3n 2
--R
           -3b \times x \times x - 30a b \times x \times x - 140a b \times x (x)
--R
--R
                             4 4 n 2 6 2 2n 7 n 3n
               35 n 2n 2
           (- 420a b x (x ) + (- 1050a b (x ) + 420a b )x + 60a b x )x
--R
--R
--R
            8 n 2n
--R
          5а х х
--R
--R
           n log(x) 3
        (%e )
--R
--R
           6 2 n 2n 3n n log(x) 2 7 n 2n 3n n log(x) 8 n 2n 3n
--R
--R
      - 420a b x x x (%e ) - 60a b x x x %e - 5a x x x
--R /
         n 2n 3n n log(x) 3
--R
--R
      15n x x x (%e )
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 194
--S 195 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 195
)clear all
```

```
--S 196 of 1394
t0:=x^{(-1-4*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R
             (1)
                  8 - 4n - 1 n 8 7 - 4n - 1 n 7 2 6 - 4n - 1 n 6
--R
--R
                                             (x) + 8abx (x) + 28abx
                 bх
--R
                        35-4n-1 n5 44-4n-1 n4 53-4n-1 n3
--R
--R
                56a b x (x) + 70a b x
                                                                                                                    (x ) + 56a b x
                                                                                                                                                                                (x)
--R
                        6 2 - 4n - 1 n 2 7 - 4n - 1 n 8 - 4n - 1
--R
--R
                   28a b x (x) + 8a b x x + a x
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--Е 196
--S 197 of 1394
 r0:=-1/4*a^8/(n*x^(4*n))-8/3*a^7*b/(n*x^(3*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2*n))-14*a^6*b^2/(n*x^(2
             56*a^5*b^3/(n*x^n)+56*a^3*b^5*x^n/n+14*a^2*b^6*x^(2*n)/n+_
             8/3*a*b^7*x^(3*n)/n+1/4*b^8*x^(4*n)/n+70*a^4*b^4*log(x)
--R
--R
--R (2)
--R
                             8 n 2n 3n 4n 2
--R
                         3b x x x (x )
--R
--R
                                                7 n 2n 3n 2
--R
                                   32a b x x (x )
--R
                                                      26 n 2n 2 35 n 2 44 n 53 2n
--R
--R
                                            168a b x (x ) + (672a b (x ) + 840a b n log(x)x - 672a b )x
--R
--R
                                                            6 2 n
                                            - 168a b x
--R
--R
--R
                                           3n
--R
                                        X
--R
--R
                                             7 n 2n
--R
                                  - 32a b x x
--R
--R.
                                4n
--R.
                              x
--R
--R
                                8 n 2n 3n
--R
                         - 3a x x x
--R /
--R
                             n 2n 3n 4n
--R
                    12n x x x x
```

```
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 197
--S 198 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
      3b (%e ) + 32a b (%e ) + 168a b (%e
--R
--R
         35 n log(x) 5 4 4
--R
                                      n log(x) 4
      672a b (%e ) + 840a b n log(x)(%e
--R
--R
--R
           5 3 n log(x) 3 6 2 n log(x) 2 7 n log(x) 8
--R
       - 672a b (%e ) - 168a b (%e ) - 32a b %e - 3a
--R /
--R
       n log(x) 4
      12n (%e )
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 198
--S 199 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
        8 n 2n 3n 4n n log(x) 8 7 n 2n 3n 4n n log(x) 7
--R
       3b x x x x (%e ) + 32a b x x x x (%e )
--R
          2 6 n 2n 3n 4n n log(x) 6 3 5 n 2n 3n 4n n log(x) 5
--R
--R
      168a b x x x x (%e ) + 672a b x x x x (%e )
--R
--R
             8 n 2n 3n 4n 2
          - 3b x x x (x )
--R
--R
                  7 n 2n 3n 2
--R
--R
             - 32a b x x (x )
--R
                                  35 n 2 5 3 2n 6 2 n
--R
                     2 6 n 2n 2
               (- 168a b x (x ) + (- 672a b (x ) + 672a b )x + 168a b x )
--R
--R
--R.
                3n
--R
               x
--R
--R
               7 n 2n
--R
             32a b x x
--R
--R
             4n
--R
            x
```

```
--R
--R
                                   8 n 2n 3n
--R
                                Захх х
--R
--R
                                 n log(x) 4
                           (%e )
--R
--R
                                    5 3 n 2n 3n 4n n log(x) 3 6 2 n 2n 3n 4n n log(x) 2
--R
                     - 672a b x x x x (%e ) - 168a b x x x x (%e )
--R
--R
--R
                                 7 n 2n 3n 4n n log(x) 8 n 2n 3n 4n
                                                                                                - 3a x x x x
--R
                       - 32a b x x x х %е
--R /
                            n 2n 3n 4n n log(x) 4
--R
--R
                   12n x x x x (%e )
--R
                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 199
--S 200 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 200
)clear all
--S 201 of 1394
t0:=x^{(-1-5*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R
                 8 - 5n - 1 n 8 7 - 5n - 1 n 7 2 6 - 5n - 1 n 6
--R
--R
                bх
                                           (x) + 8abx (x) + 28abx
--R
                       3 5 - 5n - 1 n 5 4 4 - 5n - 1 n 4 5 3 - 5n - 1 n 3
--R
--R
                                                                                                               (x ) + 56a b x
                56a b x (x) + 70a b x
--R
                       6 2 - 5n - 1 n 2 7 - 5n - 1 n 8 - 5n - 1
--R
--R
                   28a b x (x ) + 8a b x x + a x
--R
                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 201
--S 202 of 1394
 r0:=-1/5*a^8/(n*x^(5*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-28/3*a^6*b^2/(n*x^(3*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-28/3*a^6*b^2/(n*x^(3*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-28/3*a^6*b^2/(n*x^(3*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-28/3*a^6*b^2/(n*x^(3*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-28/3*a^6*b^2/(n*x^(3*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-28/3*a^6*b^2/(n*x^(3*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-28/3*a^6*b^2/(n*x^(3*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-28/3*a^6*b^2/(n*x^(3*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-28/3*a^6*b^2/(n*x^(3*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-28/3*a^6*b^2/(n*x^(3*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/(n*x^(4*n))-2*a^7*b/
             28*a^5*b^3/(n*x^(2*n))-70*a^4*b^4/(n*x^n)+28*a^2*b^6*x^n/n+_
             4*a*b^7*x^(2*n)/n+1/3*b^8*x^(3*n)/n+56*a^3*b^5*log(x)
--R
--R
```

```
--R
    (2)
--R
               8 n 2n 3n 2
--R
              5b x x (x )
--R
--R
                      7 n 2n 2
--R
                  60a b x (x )
--R
                     26 n 2 35 n
--R
                                                   4 4 2n
                 (420a b (x ) + 840a b n log(x)x - 1050a b )x - 420a b x
--R
--R
                 3n
--R
--R
                X
--R
--R
                  6 2 n 2n
--R
              - 140a b x x
--R
--R
              4n
--R
             X
--R
--R
             7 n 2n 3n
--R
           - 30a b x x x
--R
--R
          5n
--R
          x
--R
--R
          8 n 2n 3n 4n
--R
        - 3a x x x x
--R /
--R
          n 2n 3n 4n 5n
--R
      15n \times x \times x \times x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 202
--S 203 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
        8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
--R
       5b (%e ) + 60a b (%e ) + 420a b (%e
--R
--R
          3 5 n log(x) 5 4 4 n log(x) 4
--R.
       840a b n log(x)(%e ) - 1050a b (%e
--R
         5 3 n log(x) 3 6 2 n log(x) 2 7 n log(x) 8
--R
        - 420a b (%e ) - 140a b (%e ) - 30a b %e - 3a
--R
--R /
--R
          n log(x) 5
--R
      15n (%e )
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--E 203
--S 204 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
        8 n 2n 3n 4n 5n n log(x) 8 7 n 2n 3n 4n 5n n log(x) 7
--R
--R
       5b x x x x x (%e ) + 60a b x x x x x (%e )
--R
--R
          2 6 n 2n 3n 4n 5n n log(x) 6
--R
       420a b x x x x x (%e )
--R
--R
                    8 n 2n 3n 2
--R
                 - 5b x x (x )
--R
--R
                          7 n 2n 2 2 6 n 2 4 4 2n
                     - 60a b x (x ) + (- 420a b (x ) + 1050a b )x
--R
--R
--R
                      5 3 n
--R
                    420a b x
--R
--R
                   3n
--R
                   x
--R
                   6 2 n 2n
--R
--R
                 140a b x x
--R
--R
                4n
--R
                x
--R
--R
               7 n 2n 3n
--R
              30a b x x x
--R
--R
             5n
--R
             x
--R
--R
            8 n 2n 3n 4n
--R
          Захх х х
--R
--R
           n log(x) 5
--R
         (%e )
--R
--R
            4 4 n 2n 3n 4n 5n n log(x) 4
--R
        - 1050a b x x x x x x (%e )
--R
           5 3 n 2n 3n 4n 5n n log(x) 3 6 2 n 2n 3n 4n 5n n log(x) 2
--R
--R
       - 420a b x x x x x (%e ) - 140a b x x x x x (%e )
--R
--R
        7 n 2n 3n 4n 5n n log(x) 8 n 2n 3n 4n 5n
```

```
--R
   - 30a b x x x x %e - 3a x x x x
--R /
       n 2n 3n 4n 5n n log(x) 5
--R
--R
     15n x x x x x (%e )
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 204
--S 205 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 205
)clear all
--S 206 of 1394
t0:=x^{(-1-6*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R (1)
--R 8 - 6n - 1 n 8 7 - 6n - 1 n 7 2 6 - 6n - 1 n 6
     b x (x) + 8a b x (x) + 28a b x (x)
--R
--R
     35-6n-1 n5 44-6n-1 n4 53-6n-1 n3
--R
     56a b x (x) + 70a b x (x) + 56a b x
--R
--R
--R
      6 2 - 6n - 1 n 2 7 - 6n - 1 n 8 - 6n - 1
--R
      28a b x (x) + 8a b x x + a x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 206
--S 207 of 1394
r0:=-1/6*a^8/(n*x^(6*n))-8/5*a^7*b/(n*x^(5*n))-7*a^6*b^2/(n*x^(4*n))-
    56/3*a^5*b^3/(n*x^(3*n))-35*a^4*b^4/(n*x^(2*n))-
    56*a^3*b^5/(n*x^n)+8*a*b^7*x^n/n+1/2*b^8*x^(2*n)/n+28*a^2*b^6*log(x)
--R
--R
--R
    (2)
--R
                       8 n 2n 2
--R
                     15b x (x )
--R
--R.
                          7 n 2 2 6 n 3 5 2n
--R
                     (240a b (x) + 840a b n log(x)x - 1680a b)x
--R
--R
                          4 4 n
                     - 1050a b x
--R
--R
--R
                    3n
```

```
--R
                   x
--R
                  5 3 n 2n
--R
--R
                  - 560a b x x
--R
--R
                 4n
--R
                X
--R
--R
                  6 2 n 2n 3n
--R
              - 210a b x x x
--R
--R
              5n
--R
             x
--R
--R
              7 n 2n 3n 4n
--R
           - 48a b x x x x
--R
--R
          6n
--R
          X
--R
--R
          8 n 2n 3n 4n 5n
--R
        - 5a x x x x x
--R /
--R
        n 2n 3n 4n 5n 6n
--R
      30n \times x \times x \times x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 207
--S 208 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
--R
       15b (%e ) + 240a b (%e ) + 840a b n log(x)(%e )
--R
            35 n log(x) 5 44 n log(x) 4 53 n log(x) 3
--R
--R
       - 1680a b (%e ) - 1050a b (%e ) - 560a b (%e )
--R
       6 2 n log(x) 2 7 n log(x) 8
- 210a b (%e ) - 48a b %e - 5a
--R
--R
--R /
--R
        n log(x) 6
      30n (%e )
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 208
--S 209 of 1394
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
    (4)
--R
        8 n 2n 3n 4n 5n 6n n log(x) 8
--R
       15b x x x x x x (%e )
--R
--R
           7 n 2n 3n 4n 5n 6n n log(x) 7
--R
       240a b x x x x x x x (%e )
--R
                            --R
--R
                        - 15b x (x ) + (- 240a b (x ) + 1680a b )x
--R
--R
                           4 4 n
--R
                       1050a b x
--R
--R
                       3n
--R
                      х
--R
--R
                      5 3 n 2n
--R
                     560a b x x
--R
--R
                    4n
--R
                   x
--R
--R
                   6 2 n 2n 3n
--R
                  210a b x x x
--R
--R
                5n
--R
                х
--R
--R
               7 n 2n 3n 4n
--R
              48a b x x x x
--R
--R
--R
            x
--R
--R
           8 n 2n 3n 4n 5n
--R
          Бахх х х х
--R
--R
          n log(x) 6
--R
         (%e )
--R
--R
            3 5 n 2n 3n 4n 5n 6n n log(x) 5
--R
        - 1680a b x x x x x x x (%e )
--R
--R
            4 4 n 2n 3n 4n 5n 6n n log(x) 4
--R
        - 1050a b x x x x x x x (%e )
--R
           5 3 n 2n 3n 4n 5n 6n n log(x) 3
--R
--R
        - 560a b x x x x x x x (%e )
--R
```

```
--R
           6 2 n 2n 3n 4n 5n 6n n log(x) 2
    - 210a b x x x x x x x (%e )
--R
--R
--R
           7 n 2n 3n 4n 5n 6n n log(x) 8 n 2n 3n 4n 5n 6n
--R
      - 48a b x x x x x x %e - 5a x x x x x
--R /
--R
         n 2n 3n 4n 5n 6n n log(x) 6
--R
      30n x x x x x x x (%e )
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 209
--S 210 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 210
)clear all
--S 211 of 1394
t0:=x^{(-1-7*n)*(a+b*x^n)^8}
--R.
--R
--R
    8 - 7n - 1 n 8 7 - 7n - 1 n 7 2 6 - 7n - 1 n 6
b x (x) + 8a b x (x) + 28a b x (x)
--R
--R
--R
--R
     35-7n-1 n5 44-7n-1 n4 53-7n-1 n3
--R
     56a b x (x) + 70a b x (x) + 56a b x (x)
--R +
       6 2 - 7n - 1 n 2 7 - 7n - 1 n 8 - 7n - 1
--R
--R
     28a b x (x) + 8a b x x + a x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 211
--S 212 of 1394
14*a^5*b^3/(n*x^(4*n))-70/3*a^4*b^4/(n*x^(3*n))-_
    28*a^3*b^5/(n*x^(2*n)) - 28*a^2*b^6/(n*x^n) + b^8*x^n/n + 8*a*b^7*log(x)
--R
--R
--R (2)
                           8 n 2 7 n 2 6 2n
--R
--R
                        (105b (x) + 840a b n log(x)x - 2940a b)x
--R
--R
                             3 5 n
                       - 2940a b x
--R
--R
```

```
--R
                       3n
--R
                      X
--R
--R
                           4 4 n 2n
                     - 2450a b x x
--R
--R
--R
                    4n
--R
                    x
--R
--R
                      5 3 n 2n 3n
--R
                 - 1470a b x x x
--R
                 5n
--R
--R
                X
--R
--R
                  6 2 n 2n 3n 4n
--R
              - 588a b x x x x
--R
--R
              6n
--R
            X
--R
--R
             7 n 2n 3n 4n 5n
--R
           - 140a b x x x x x
--R
--R
          7n
--R
         x
--R
--R
           8 n 2n 3n 4n 5n 6n
--R
        - 15a x x x x x x
--R /
--R
          n 2n 3n 4n 5n 6n 7n
      105n \ x \ x \quad x \quad x \quad x \quad x \quad x
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 212
--S 213 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
          8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
--R
        105b (%e ) + 840a b n log(x)(%e ) - 2940a b (%e )
--R
--R
           3 5 n log(x) 5 4 4 n log(x) 4 5 3 n log(x) 3
       - 2940a b (%e ) - 2450a b (%e ) - 1470a b (%e )
--R
--R
          6 2 n log(x) 2 7 n log(x) 8
--R
--R
        - 588a b (%e ) - 140a b %e - 15a
--R /
--R
            n log(x) 7
```

```
--R
       105n (%e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 213
--S 214 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
            8 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n n log(x) 8
--R
        105b x x x x x x x x (%e )
--R
                                 8 n 2 2 6 2n 3 5 n 3n
--R
                          ((-105b (x) + 2940a b)x + 2940a bx)x
--R
--R
--R
                              4 4 n 2n
--R
                           2450a b x x
--R
--R
                          4n
--R
                         x
--R
--R
                          5 3 n 2n 3n
                       1470a b x x x
--R
--R
--R
                      5n
--R
                     x
--R
--R
                       6 2 n 2n 3n 4n
--R
                   588a b x x x x
--R
--R
                  6n
--R
                  x
--R
--R
                   7 n 2n 3n 4n 5n
--R
               140a b x x x x x
--R
--R
               7n
--R
--R
--R
              8 n 2n 3n 4n 5n 6n
--R
            15a x x x x x x
--R
--R
            n log(x) 7
--R
          (%e )
--R
--R
               2 6 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n n log(x) 6
--R
         - 2940a b x x x x x x x (%e )
--R
               3 5 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n n log(x) 5
--R
--R
         - 2940a b x x x x x x x (%e
```

```
--R
                              4 4 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n n log(x) 4
--R
--R
                     - 2450a b x x x x x x x (%e )
--R
--R
                                      5 3 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n n log(x) 3
--R
                     - 1470a b x x x x x x x (%e )
--R
                                 6 2 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n n log(x) 2
--R
--R
                   - 588a b x x x x x x x (%e )
--R
--R
                                7 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n n log(x) 8 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n
                     - 140a b x x x x x x x x %e - 15a x x x x x x
--R
--R /
                            n 2n 3n 4n 5n 6n 7n n log(x) 7
--R
--R
                  105n x x x x x x x x (%e )
--R
                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 214
--S 215 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 215
)clear all
--S 216 of 1394
t0:=x^{(-1-8*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R
                8 - 8n - 1 n 8 7 - 8n - 1 n 7 2 6 - 8n - 1 n 6
--R
--R
               bх
                                       (x) + 8abx (x) + 28abx
--R
                     35-8n-1 n5 44-8n-1 n4 53-8n-1 n3
--R.
                                                                                                      (x ) + 56a b x
--R
               56a b x (x ) + 70a b x
--R
                      6 2 - 8n - 1 n 2 7 - 8n - 1 n 8 - 8n - 1
--R
--R
                 28a b x (x) + 8a b x x + a x
--R
                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 216
--S 217 of 1394
r0:=-1/8*a^8/(n*x^(8*n))-8/7*a^7*b/(n*x^(7*n))-14/3*a^6*b^2/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x^(6*n))-1/2*a^8/(n*x
           56/5*a^5*b^3/(n*x^(5*n))-35/2*a^4*b^4/(n*x^(4*n))-
           56/3*a^3*b^5/(n*x^(3*n))-14*a^2*b^6/(n*x^(2*n))-8*a*b^7/(n*x^n)+b^8*log(x)
--R
--R
```

```
(2)
--R
--R
                             --R
                        ((840b n log(x)x - 6720a b)x - 11760a b x)x
--R
--R
                              3\ 5\ n\ 2n
--R
                        - 15680a b x x
--R
--R
                       4n
--R
                      x
--R
--R
                           4 4 n 2n 3n
--R
                     - 14700a b x x x
--R
--R
                    5n
--R
                   X
--R
--R
                       5 3 n 2n 3n 4n
--R
                 - 9408a b x x x x
--R
--R
                6n
--R
                x
--R
--R
                    6 2 n 2n 3n 4n 5n
--R
              - 3920a b x x x x x
--R
--R
             7n
--R
--R
--R
               7 n 2n 3n 4n 5n 6n
--R
           - 960a b x x x x x x
--R
--R
          8n
--R
         x
--R
--R
           8 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n
--R
       - 105a x x x x x x x
--R /
--R
          n 2n 3n 4n 5n 6n 7n 8n
--R
      840n x x x x x x x x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 217
--S 218 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          --R
      840b n log(x)(%e ) - 6720a b (%e )
--R
--R
```

```
2 6 n log(x) 6 3 5 n log(x) 5
--R
     - 11760a b (%e ) - 15680a b (%e )
--R
--R
             4 4 n log(x) 4 5 3 n log(x) 3 6 2 n log(x) 2
--R
--R
      - 14700a b (%e ) - 9408a b (%e ) - 3920a b (%e )
      --R
--R
                      - 105a
--R
       - 960a b %e
--R /
          n log(x) 8
--R
--R
      840n (%e )
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 218
--S 219 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                             7 2n 2 6 n 3n 3 5 n 2n 4n
--R
--R
                       ((6720a b x + 11760a b x )x + 15680a b x x )x
--R
--R
                           4 4 n 2n 3n
                      14700a b x x x
--R
--R
--R
                      5n
--R
                     X
--R
--R
                      5 3 n 2n 3n 4n
--R
                    9408a b x x x x
--R
--R
                   6n
--R
                  x
--R
--R
                    6 2 n 2n 3n 4n 5n
--R
                3920a b x x x x x
--R
--R
                7n
--R
--R
                7 n 2n 3n 4n 5n 6n
--R
--R
              960a b x x x x x x
--R
--R
             8n
--R
--R
--R
            8 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n
--R
           105a x x x x x x x
--R
--R
           n log(x) 8
```

```
(%e )
--R
--R
          7 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 7
--R
--R
       - 6720a b x x x x x x x x (%e )
--R
--R
              2 6 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 6
--R
       - 11760a b x x x x x x x x (%e )
--R
              3 5 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 5
--R
--R
       - 15680a b x x x x x x x x (%e )
--R
--R
             4 4 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 4
--R
       - 14700a b x x x x x x x x (%e )
--R
--R
             5 3 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 3
--R
       - 9408a b x x x x x x x x x (%e )
--R
--R.
           6 2 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 2
--R
      - 3920a b x x x x x x x x (%e )
--R
--R
         7 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 8 n 2n 3n 4n 5n 6n 7n 8n
--R
      - 960a b x x x x x x x x x \%e - 105a x x x x x x x x
--R /
--R
      n 2n 3n 4n 5n 6n 7n 8n n log(x) 8
--R
      840n x x x x x x x x x (%e )
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 219
--S 220 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 220
)clear all
--S 221 of 1394
t0:=x^{(-1-9*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R (1)
--R.
   8 - 9n - 1 n 8 7 - 9n - 1 n 7 2 6 - 9n - 1 n 6
--R
     b x 	 (x) + 8a b x 	 (x) + 28a b x 	 (x)
--R +
     35-9n-1 n5 44-9n-1 n4 53-9n-1 n3
--R
--R
    56a b x (x) + 70a b x (x) + 56a b x
--R +
    6 2 - 9n - 1 n 2 7 - 9n - 1 n 8 - 9n - 1
--R.
```

```
--R
      28a b x (x) + 8a b x x + a x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 221
--S 222 of 1394
r0:=-1/9*(a+b*x^n)^9/(a*n*x^(9*n))
--R
--R
--R (2)
         9 n 9 8 n 8 2 7 n 7 3 6 n 6 4 5 n 5
--R
--R
       - b (x ) - 9a b (x ) - 36a b (x ) - 84a b (x ) - 126a b (x )
--R
           54 n 4 6 3 n 3 7 2 n 2 8 n 9
--R
      - 126a b (x ) - 84a b (x ) - 36a b (x ) - 9a b x - a
--R
--R /
--R
          9n
--R
      9a n x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 222
--S 223 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
         8 n \log(x) 8 7 n \log(x) 7 2 6 n \log(x) 6
--R
--R
       - 9b (%e ) - 36a b (%e ) - 84a b (%e )
--R
--R
           3.5 \quad n \log(x).5 \qquad 4.4 \quad n \log(x).4 \qquad 5.3 \quad n \log(x).3
--R
       - 126a b (%e ) - 126a b (%e ) - 84a b (%e )
--R
          6 2 n log(x) 2 7 n log(x) 8
--R
       - 36a b (%e ) - 9a b %e
--R
--R /
--R
         n \log(x) 9
--R
      9n (%e )
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 223
--S 224 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R.
--R
    (4)
           9 n 9 8 n 8 2 7 n 7 3 6 n 6 4 5 n 5
--R
--R
          b (x) + 9a b (x) + 36a b (x) + 84a b (x) + 126a b (x)
--R
--R
             54 n 4 6 3 n 3 7 2 n 2 8 n 9
          126a b (x) + 84a b (x) + 36a b (x) + 9a b x + a
--R
--R
```

```
--R
          n log(x) 9
--R
        (%e )
--R
           8 9n n log(x) 8 2 7 9n n log(x) 7 3 6 9n n log(x) 6
--R
--R
       - 9a b x (%e ) - 36a b x (%e ) - 84a b x (%e )
--R
           4 5 9n n log(x) 5 5 4 9n n log(x) 4
--R
--R
      - 126a b x (%e ) - 126a b x (%e
--R
          6 3 9n n log(x) 3 7 2 9n n log(x) 2 8 9n n log(x)
--R
--R
      - 84a b x (%e ) - 36a b x (%e ) - 9a b x %e
--R
--R
         9 9n
--R
      - a x
--R /
--R
        9n n log(x) 9
--R
      9anx (%e )
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 224
--S 225 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 225
)clear all
--S 226 of 1394
t0:=x^{(-1-10*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R
     8 - 10n - 1 n 8 7 - 10n - 1 n 7 2 6 - 10n - 1 n 6
--R
--R
     bх
              (x ) + 8a b x
                                (x ) + 28a b x
--R
       3 5 - 10n - 1 n 5 4 4 - 10n - 1 n 4 5 3 - 10n - 1 n 3
--R
     56a b x (x) + 70a b x (x) + 56a b x (x)
--R
--R
      6 2 - 10n - 1 n 2 7 - 10n - 1 n 8 - 10n - 1
--R
--R
     28a b x (x) + 8a b x x + a x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 226
--S 227 of 1394
r0:=-1/10*(a+b*x^n)^9/(a*n*x^(10*n))+1/90*b*(a+b*x^n)^9/(a^2*n*x^(9*n))
--R
--R
```

```
--R
    (2)
           10 n 9 9 n 8 2 8 n 7 3 7 n 6 4 6 n 5
--R
--R
          b (x) + 9a b (x) + 36a b (x) + 84a b (x) + 126a b (x)
--R
--R
            55 n 4 6 4 n 3 7 3 n 2 8 2 n 9
--R
          126a b (x ) + 84a b (x ) + 36a b (x ) + 9a b x + a b
--R
--R
          10n
--R
         x
--R
--R
               9 n 9 2 8 n 8 3 7 n 7 4 6 n 6
          - 9a b (x ) - 81a b (x ) - 324a b (x ) - 756a b (x )
--R
--R
               55 n 5 6 4 n 4 7 3 n 3 8 2 n 2
--R
--R
          - 1134a b (x ) - 1134a b (x ) - 756a b (x ) - 324a b (x )
--R
--R
             9 n 10
          - 81a b x - 9a
--R
--R
--R
         9n
--R
         x
--R /
--R
        2 9n 10n
--R
      90a n x x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 227
--S 228 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
--R
       - 45b (%e ) - 240a b (%e ) - 630a b (%e )
--R
            3 5 n log(x) 5 4 4 n log(x) 4 5 3 n log(x) 3
--R
      - 1008a b (%e ) - 1050a b (%e ) - 720a b (%e )
--R
--R
           6\ 2 \quad n \log(x) \ 2 \qquad 7 \quad n \log(x) \quad 8
--R
       - 315a b (%e ) - 80a b %e - 9a
--R
--R /
--R
          n log(x) 10
--R.
      90n (%e )
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 228
--S 229 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R
    (4)
               10 n 9 9 n 8 2 8 n 7 3 7 n 6
--R
--R
             - b (x) - 9a b (x) - 36a b (x) - 84a b (x)
--R
                   46 n 5 5 5 n 4 6 4 n 3 7 3 n 2
--R
--R
              - 126a b (x ) - 126a b (x ) - 84a b (x ) - 36a b (x )
--R
--R
                82n 9
             - 9a b x - a b
--R
--R
--R
             10n
--R
            x
--R
                 9 n 9 2 8 n 8 3 7 n 7 4 6 n 6
--R
              9a b (x ) + 81a b (x ) + 324a b (x ) + 756a b (x )
--R
--R
--R
                 55 n 5 6 4 n 4 7 3 n 3 8 2 n 2
--R
              1134a b (x ) + 1134a b (x ) + 756a b (x ) + 324a b (x )
--R
--R
               9 n 10
--R
              81a b x + 9a
--R
--R
             9n
--R
            x
--R
--R
          n log(x) 10
--R
--R
--R
           2 8 9n 10n n log(x) 8 3 7 9n 10n n log(x) 7
--R.
       - 45a b x x (%e ) - 240a b x x (%e )
--R
            4 6 9n 10n n log(x) 6 5 5 9n 10n n log(x) 5
--R
--R
       - 630a b x x (%e ) - 1008a b x x (%e
--R
--R
            6 4 9n 10n n log(x) 4 7 3 9n 10n n log(x) 3
       - 1050a b x x (%e ) - 720a b x x (%e
--R
--R
            8 2 9n 10n n log(x) 2 9 9n 10n n log(x) 10 9n 10n
--R
       - 315a b x x (%e ) - 80a b x x %e - 9a x x
--R
--R /
        2 9n 10n n log(x) 10
--R
--R
      90a n x x (%e )
--R.
                                           Type: Expression(Integer)
--E 229
--S 230 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 230
)clear all
--S 231 of 1394
t0:=x^{(-1-11*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R
   (1)
--R
     8 - 11n - 1 n 8 7 - 11n - 1 n 7 2 6 - 11n - 1 n 6
                                 (x ) + 28a b x
--R
     b x
              (x ) + 8a b x
--R
       35-11n-1 n5 44-11n-1 n4 53-11n-1 n3
--R
     56a b x  (x) + 70a b x  (x) + 56a b x  (x)
--R
--R
--R
       6 2 - 11n - 1 n 2 7 - 11n - 1 n 8 - 11n - 1
--R
     28a b x (x) + 8a b x x + a x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 231
--S 232 of 1394
r0:=-1/11*(a+b*x^n)^9/(a*n*x^(11*n))+1/55*b*(a+b*x^n)^9/(a^2*n*x^(10*n))-_
    1/495*b^2*(a+b*x^n)^9/(a^3*n*x^(9*n))
--R
--R
--R
    (2)
--R
                11 n 9 10 n 8 2 9 n 7 3 8 n 6
--R
              - b (x) - 9a b (x) - 36a b (x) - 84a b (x)
--R
--R
                  47 n5
                             56 n 4 65 n 3 7 4 n 2
--R
              - 126a b (x ) - 126a b (x ) - 84a b (x ) - 36a b (x )
--R
--R
                83n 92
             - 9a b x - a b
--R
--R
--R
             10n
--R
            x
--R
                 10 n 9 2 9 n 8 3 8 n 7 4 7 n 6
--R
--R
              9a b (x) + 81a b (x) + 324a b (x) + 756a b (x)
--R
--R
                 56 n 5 65 n 4 7 4 n 3 8 3 n 2
--R
              1134a b (x ) + 1134a b (x ) + 756a b (x ) + 324a b (x )
--R
--R
                9 2 n 10
--R
             81a b x + 9a b
--R
--R
             9n
--R
            x
```

```
--R
--R
         11n
--R
         x
--R
               2 9 n 9 3 8 n 8 4 7 n 7 5 6 n 6
--R
--R
          - 45a b (x ) - 405a b (x ) - 1620a b (x ) - 3780a b (x )
--R
--R
               65 n 5
                           74 n4
                                       83 n3
          - 5670a b (x ) - 5670a b (x ) - 3780a b (x ) - 1620a b (x )
--R
--R
--R
              10 n 11
          - 405a b x - 45a
--R
--R
--R
         9n 10n
--R
         x x
--R /
--R
        3 9n 10n 11n
--R
      495a n x x x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 232
--S 233 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
--R
      - 165b (%e ) - 990a b (%e ) - 2772a b (%e )
--R
             3 5 n log(x) 5 4 4 n log(x) 4 5 3 n log(x) 3
--R
--R
      - 4620a b (%e ) - 4950a b (%e ) - 3465a b (%e )
--R
--R
            6\ 2 \ n \log(x) \ 2 \ 7 \ n \log(x)
       - 1540a b (%e ) - 396a b %e - 45a
--R
--R /
--R
          n log(x) 11
      495n (%e )
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 233
--S 234 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                 11 n 9 10 n 8 2 9 n 7 3 8 n 6
--R
--R
                 b (x) + 9a b (x) + 36a b (x) + 84a b (x)
--R
                   47 n 5 5 6 n 4 6 5 n 3 7 4 n 2
--R
--R
                 126a b (x ) + 126a b (x ) + 84a b (x ) + 36a b (x )
```

```
--R
                 83n 92
--R
--R
                9a b x + a b
--R
--R
                10n
--R
               X
--R
                    10 n 9 2 9 n 8 3 8 n 7 4 7 n 6
--R
                - 9a b (x) - 81a b (x) - 324a b (x) - 756a b (x)
--R
--R
--R
                      5 6 n 5 6 5 n 4 7 4 n 3 8 3 n 2
                - 1134a b (x ) - 1134a b (x ) - 756a b (x ) - 324a b (x )
--R
--R
--R
                   9 2 n 10
               - 81a b x - 9a b
--R
--R
--R
               9n
--R
               x
--R
--R
            11n
--R
            x
--R
--R
              29 n 9 38 n 8 4 7 n 7 5 6 n 6
--R
             45a b (x) + 405a b (x) + 1620a b (x) + 3780a b (x)
--R
                65 n 5 7 4 n 4 8 3 n 3 9 2 n 2
--R
--R
             5670a b (x) + 5670a b (x) + 3780a b (x) + 1620a b (x)
--R
--R
               10 n 11
--R
             405a b x + 45a
--R
--R
            9n 10n
--R
           x x
--R
--R
          n log(x) 11
--R
         (%e )
--R
--R
           3 8 9n 10n 11n n log(x) 8 4 7 9n 10n 11n n log(x) 7
       - 165a b x x x (%e ) - 990a b x x x (%e )
--R
--R
           5 6 9n 10n 11n n log(x) 6 6 5 9n 10n 11n n log(x) 5
--R
--R
       - 2772a b x x x (%e ) - 4620a b x x x (%e )
--R.
--R.
            7 4 9n 10n 11n n log(x) 4 8 3 9n 10n 11n n log(x) 3
       - 4950a b x x x (%e ) - 3465a b x x x (%e )
--R
--R
           9 2 9n 10n 11n n log(x) 2 10 9n 10n 11n n log(x)
--R
--R
       - 1540a b x x x (%e ) - 396a b x x x %e
--R
--R
        11 9n 10n 11n
```

```
--R
     - 45a x x x
--R /
       3 9n 10n 11n n log(x) 11
--R
      495a n x x x (%e )
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 234
--S 235 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 235
)clear all
--S 236 of 1394
t0:=x^{(-1-12*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R (1)
--R 8 - 12n - 1 n 8 7 - 12n - 1 n 7 2 6 - 12n - 1 n 6
--R
     b x (x) + 8a b x (x) + 28a b x (x)
--R
     3 5 - 12n - 1 n 5 4 4 - 12n - 1 n 4 5 3 - 12n - 1 n 3
--R
     56a b x (x) + 70a b x
--R
                                 (x ) + 56a b x
--R
--R
       6 2 - 12n - 1 n 2 7 - 12n - 1 n 8 - 12n - 1
--R
      28a b x (x) + 8a b x x + a x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 236
--S 237 of 1394
r0:=-1/12*(a+b*x^n)^9/(a*n*x^(12*n))+1/44*b*(a+b*x^n)^9/(a^2*n*x^(11*n))-_
    1/220*b^2*(a+b*x^n)^9/(a^3*n*x^(10*n))+_
    1/1980*b^3*(a+b*x^n)^9/(a^4*n*x^(9*n))
--R
--R
--R
    (2)
--R
                  12 n 9 11 n 8 2 10 n 7 3 9 n 6
--R
                 b (x) + 9a b (x) + 36a b (x) + 84a b (x)
--R
--R
                     48 n 5 5 7 n 4 6 6 n 3 7 5 n 2
--R
                 126a b (x ) + 126a b (x ) + 84a b (x ) + 36a b (x )
--R
--R
                  84n 93
--R
                 9a b x + a b
--R
--R
                 10n
```

```
--R
               X
--R
--R
                     11 n 9 2 10 n 8 3 9 n 7 4 8 n 6
--R
                 - 9a b (x) - 81a b (x) - 324a b (x) - 756a b (x)
--R
                       57 n 5 6 6 n 4
                                             75 n3
--R
--R
                - 1134a b (x ) - 1134a b (x ) - 756a b (x ) - 324a b (x )
--R
                    9 3 n 10 2
--R
--R
                - 81a b x - 9a b
--R
                9n
--R
--R
--R
--R
             11n
--R
            x
--R
               2 10 n 9 3 9 n 8 4 8 n 7 5 7 n 6
--R
              45a b (x) + 405a b (x) + 1620a b (x) + 3780a b (x)
--R
--R
--R
                 66 n 5 7 5 n 4
                                          84 n 3 9 3 n 2
--R
             5670a b (x ) + 5670a b (x ) + 3780a b (x ) + 1620a b (x )
--R
--R
               10 2 n 11
--R
              405a b x + 45a b
--R
--R
             9n 10n
--R
            х х
--R
--R
          12n
--R
         x
--R
               3 9 n 9 4 8 n 8 5 7 n 7 6 6 n 6
--R
--R
          - 165a b (x ) - 1485a b (x ) - 5940a b (x ) - 13860a b (x )
--R
                75 n 5 8 4 n 4 9 3 n 3 10 2 n 2
--R
          - 20790a b (x ) - 20790a b (x ) - 13860a b (x ) - 5940a b (x )
--R
--R
--R
               11 n 12
--R
          - 1485a b x - 165a
--R
--R
         9n 10n 11n
--R
         x x x
--R /
--R
         4 9n 10n 11n 12n
--R
      1980a n x x x x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 237
--S 238 of 1394
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
     8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
       - 495b (%e ) - 3168a b (%e ) - 9240a b (%e )
--R
--R
                             4 4 n log(x) 4
--R
            3.5 \quad n \log(x).5
      - 15840a b (%e ) - 17325a b (%e
--R
--R
--R
            5 3 n log(x) 3 6 2 n log(x) 2 7 n log(x)
      - 12320a b (%e ) - 5544a b (%e ) - 1440a b %e
--R
--R
--R
--R
       - 165a
--R /
--R
        n log(x) 12
--R
      1980n (%e )
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 238
--S 239 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                     12 n 9 11 n 8 2 10 n 7 3 9 n 6
--R
--R
                    - b (x) - 9a b (x) - 36a b (x) - 84a b (x)
--R
--R.
                        48 n 5 5 7 n 4 6 6 n 3 7 5 n 2
--R
                    - 126a b (x ) - 126a b (x ) - 84a b (x ) - 36a b (x )
--R
--R
                      84n 93
--R
                   - 9a b x - a b
--R
--R
                   10n
--R
                  x
--R
                      11 n 9 2 10 n 8 3 9 n 7 4 8 n 6
--R
--R
                    9a b (x) + 81a b (x) + 324a b (x) + 756a b (x)
--R
                       57 n 5 6 6 n 4 7 5 n 3
--R
--R.
                    1134a b (x ) + 1134a b (x ) + 756a b (x )
--R
--R
                      8 4 n 2 9 3 n 10 2
--R
                    324a b (x) + 81a b x + 9a b
--R
--R
                  9n
--R
                  x
--R
```

```
--R
               11n
--R
               X
--R
                    2 10 n 9 3 9 n 8 4 8 n 7 5 7 n 6
--R
--R
                - 45a b (x) - 405a b (x) - 1620a b (x) - 3780a b (x)
--R
                      66 n 5 7 5 n 4 8 4 n 3
--R
--R
                - 5670a b (x ) - 5670a b (x ) - 3780a b (x )
--R
                     9 3 n 2 10 2 n 11
--R
--R
                - 1620a b (x ) - 405a b x - 45a b
--R
               9n 10n
--R
--R
              x x
--R
--R
             12n
--R
            x
--R
--R
               3 9 n 9 4 8 n 8 5 7 n 7 6 6 n 6
--R
             165a b (x) + 1485a b (x) + 5940a b (x) + 13860a b (x)
--R
                 75 n 5 84 n 4 93 n 3 10 2 n 2
--R
--R
             20790a b (x ) + 20790a b (x ) + 13860a b (x ) + 5940a b (x )
--R
--R
                11 n 12
--R
             1485a b x + 165a
--R
--R
            9n 10n 11n
--R
           x x x
--R
--R
          n log(x) 12
        (%e )
--R
--R
--R
           4 8 9n 10n 11n 12n n log(x) 8
--R
       - 495a b x x x x (%e )
--R
           5 7 9n 10n 11n 12n n log(x) 7
--R
--R
       - 3168a b x x x x (%e )
--R
            6 6 9n 10n 11n 12n n log(x) 6
--R
--R
       - 9240a b x x x x (%e )
--R
--R.
            7 5 9n 10n 11n 12n n log(x) 5
       - 15840a b x x x x (%e )
--R.
--R
--R
             8 4 9n 10n 11n 12n n log(x) 4
--R
       - 17325a b x x x x (%e )
--R
            9 3 9n 10n 11n 12n n log(x) 3
--R
--R
       - 12320a b x x x x (%e )
```

```
--R
          10 2 9n 10n 11n 12n n log(x) 2
--R
--R
       - 5544a b x x x x (%e )
--R
             11 9n 10n 11n 12n n log(x) 12 9n 10n 11n 12n
--R
--R
       - 1440a b x x x x %e - 165a x x x x
--R /
--R
         4 9n 10n 11n 12n n log(x) 12
      1980a n x x x x (%e )
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 239
--S 240 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R.
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 240
)clear all
--S 241 of 1394
t0:=x^{(-1-13*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R
    8 - 13n - 1 n 8 7 - 13n - 1 n 7 2 6 - 13n - 1 n 6
--R
--R
      b x (x) + 8a b x (x) + 28a b x (x)
--R
--R.
       3 5 - 13n - 1 n 5 4 4 - 13n - 1 n 4 5 3 - 13n - 1 n 3
--R
     56a b x (x) + 70a b x (x) + 56a b x (x)
--R +
--R
       6 2 - 13n - 1 n 2 7 - 13n - 1 n 8 - 13n - 1
--R
     28a b x
               (x ) + 8a b x
                                     x + a x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 241
--S 242 of 1394
r0:=-1/13*a^8/(n*x^(13*n))-2/3*a^7*b/(n*x^(12*n))-_
    28/11*a^6*b^2/(n*x^(11*n))-28/5*a^5*b^3/(n*x^(10*n))-_
    70/9*a^4*b^4/(n*x^(9*n))-7*a^3*b^5/(n*x^(8*n))-
    4*a^2*b^6/(n*x^(7*n))-4/3*a*b^7/(n*x^(6*n))-1/5*b^8/(n*x^(5*n))
--R.
--R
--R
    (2)
                                      7 5n 7n 2 6 5n 6n 8n
--R
--R
                        ((-1287b x - 8580a b x )x - 25740a b x x )x
--R
                               3 5 5n 6n 7n
--R.
```

```
--R
                       - 45045a b x x x
--R
--R
                       9n
--R
                      X
--R
--R
                           4 4 5n 6n 7n 8n
--R
                    - 50050a b x x x x
--R
--R
                   10n
--R
--R
--R
                      5 3 5n 6n 7n 8n 9n
                  - 36036a b x x x x x
--R
--R
--R
                11n
--R
                х
--R
--R
                   6 2 5n 6n 7n 8n 9n 10n
--R
              - 16380a b x x x x x x
--R
--R
             12n
--R
           X
--R
            7 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n
--R
--R
           - 4290a b x x x x x x x
--R
--R
          13n
--R
         x
--R
--R
         8 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n
--R
       - 495a x x x x x x x x
--R /
--R
           5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n
      6435n \ x \ x \ x \ x \ x \ x \ x \ x \ x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 242
--S 243 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R.
          8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
        - 1287b (%e ) - 8580a b (%e ) - 25740a b (%e )
--R
--R
--R
             35 n log(x) 5
                               44 n log(x) 4
      - 45045a b (%e ) - 50050a b (%e )
--R
--R
          5 3 n log(x) 3 6 2 n log(x) 2 7 n log(x)
--R
      - 36036a b (%e ) - 16380a b (%e ) - 4290a b %e
--R
```

```
--R
             8
--R
--R
         - 495a
--R /
             n log(x) 13
--R
       6435n (%e )
--R
--R
                                           Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 243
--S 244 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
                                           8 6n 7 5n 7n
--R
                                       (1287b x + 8580a b x )x
--R
--R
                                           2 6 5n 6n
                                       25740a b x x
--R
--R
--R
                                   8n
--R
                                   x
--R
--R
                                     3 5 5n 6n 7n
--R
                                 45045a b x x x
--R
--R
                                9n
--R
                               x
--R
--R
                                  4 4 5n 6n 7n 8n
                             50050a b x x x x
--R
--R
--R
                            10n
--R
                           x
--R
--R
                              5 3 5n 6n 7n 8n 9n
--R
                         36036a b x x x x x
--R
--R
                        11n
--R
--R
--R
                          6 2 5n 6n 7n 8n 9n 10n
--R
                     16380a \ b \ x \quad x \quad x \quad x \quad x \quad x
--R
--R
                    12n
--R
--R
--R
                     7 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n
--R
                 4290a b x x x x x x x
--R
```

```
--R
             13n
--R
            x
--R
             8 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n
--R
--R
          495a x x x x x x x
--R
--R
           n log(x) 13
--R
        (%e )
--R
            8 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n n log(x) 8
--R
--R
       - 1287b x x x x x x x x x (%e )
--R
              7 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n n log(x) 7
--R
--R
       - 8580a b x x x x x x x x x (%e )
--R
             2 6 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n n log(x) 6
--R
--R.
       - 25740a b x x x x x x x x x (%e )
--R
--R
              3 5 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n n log(x) 5
--R
       - 45045a b x x x x x x x x x (%e )
--R
             4 4 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n n log(x) 4
--R
--R
       - 50050a b x x x x x x x x x (%e
--R
--R
              5 3 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n n log(x) 3
--R
       - 36036a b x x x x x x x x x x (%e )
--R
--R
              6 2 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n n log(x) 2
--R
        - 16380a b x x x x x x x x x (%e
--R
--R
             7 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n n log(x)
--R
       - 4290a b x x x x x x x x x %e
--R
--R
           8 5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n
        - 495a x x x x x x x x
--R
--R /
--R
           5n 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n n log(x) 13
--R
      6435n x x x x x x x x x (%e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 244
--S 245 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 245
)clear all
```

```
--S 246 of 1394
t0:=x^{(-1-14*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R
     (1)
      8 - 14n - 1 n 8 7 - 14n - 1 n 7 2 6 - 14n - 1 n 6
--R
--R
                (x) + 8abx (x) + 28abx
     bх
--R
        3 5 - 14n - 1 n 5 4 4 - 14n - 1 n 4 5 3 - 14n - 1 n 3
--R
--R
                   (x ) + 70a b x
                                         (x ) + 56a b x
     56a b x
--R
        6 2 - 14n - 1 n 2 7 - 14n - 1 n 8 - 14n - 1
--R
--R
      28a b x
                (x) + 8abx x + ax
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 246
--S 247 of 1394
r0:=-1/14*a^8/(n*x^(14*n))-8/13*a^7*b/(n*x^(13*n))-_
    7/3*a^6*b^2/(n*x^(12*n))-56/11*a^5*b^3/(n*x^(11*n))-_
    7*a^4*b^4/(n*x^(10*n))-56/9*a^3*b^5/(n*x^(9*n))-
    7/2*a^2*b^6/(n*x^(8*n))-8/7*a*b^7/(n*x^(7*n))-1/6*b^8/(n*x^(6*n))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                    8 7n 7 6n 8n 2 6 6n 7n
--R
                            ((-3003b x - 20592a b x )x - 63063a b x x )
--R
--R
                             9n
--R.
                            X
--R
--R
                                  3 5 6n 7n 8n
--R
                          - 112112a b x x x
--R
--R
                         10n
--R
                        x
--R
--R
                              4 4 6n 7n 8n 9n
--R
                      - 126126a b x x x x
--R
--R
                     11n
--R
                     x
--R.
--R.
                          5 3 6n 7n 8n 9n 10n
                   - 91728a b x \, x \, x \, x
--R
--R
--R
                  12n
--R
                 x
--R
--R
                      6 2 6n 7n 8n 9n 10n 11n
```

```
--R
            - 42042a b x x x x x x
--R
--R
            13n
--R
           x
--R
            7 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n
--R
--R
         - 11088a b x x x x x x x
--R
--R
         14n
--R
        x
--R
--R
           8 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n
--R
      - 1287a x x x x x x x x
--R /
--R
           6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n
--R
      18018n x x x x x x x x x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 247
--S 248 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
         8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
      - 3003b (%e ) - 20592a b (%e ) - 63063a b (%e )
--R
--R
            3 5 n log(x) 5 4 4 n log(x) 4
--R
     - 112112a b (%e ) - 126126a b (%e
--R
--R
          5 3 n log(x) 3 6 2 n log(x) 2 7 n log(x)
--R
      - 91728a b (%e ) - 42042a b (%e ) - 11088a b %e
--R
--R
--R
--R
       - 1287a
--R /
--R
        n log(x) 14
--R
      18018n (%e )
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 248
--S 249 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                  8 7n 7 6n 8n
--R
--R
                              (3003b x + 20592a b x)x
--R
--R
                                  2 6 6n 7n
```

```
63063a b x x
--R
--R
--R
                               9n
--R
                               x
--R
--R
                                  3 5 6n 7n 8n
--R
                             112112a b x x x
--R
--R
                            10n
--R
                           x
--R
--R
                                4 4 6n 7n 8n 9n
--R
                          126126a b x x x x
--R
--R
                         11n
--R
--R
--R
                          5 3 6n 7n 8n 9n 10n
--R
                      91728a b x \phantom{0} x \phantom{0} x \phantom{0}
--R
--R
                     12n
--R
--R
--R
                     6 2 6n 7n 8n 9n 10n 11n
--R
                   42042a b x x x x x x
--R
--R
                  13n
--R
--R
--R.
                   7 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n
               11088a b x x x x x x x
--R
--R
--R
              14n
--R
             x
--R
--R
               8 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n
--R
           1287a x x x x x x x x
--R
--R
           n log(x) 14
--R
          (%e )
--R
--R
             8 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n n log(x) 8
--R
        - 3003b x x x x x x x x x x (%e )
--R
--R
                7 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n n log(x) 7
--R
       - 20592a b x x x x x x x x x (%e )
--R
               2 6 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n n log(x) 6
--R
--R
        - 63063a b x x x x x x x x x x (%e )
--R
```

```
--R
               3 5 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n n log(x) 5
--R
       - 112112a b x x x x x x x x x (%e )
--R
--R
               4 4 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n n log(x) 4
--R
       - 126126a b x x x x x x x x x (%e )
--R
--R
              5 3 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n n log(x) 3
--R
       - 91728a b x x x x x x x x x (%e
--R
--R
              6 2 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n n log(x) 2
--R
       - 42042a b x x x x x x x x x (%e )
--R
             7 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n n log(x)
--R
--R
      - 11088a b x x x x x x x x %e
--R
--R
            8 6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n
--R
       - 1287a x x x x x x x x x
--R /
--R
           6n 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n n log(x) 14
--R
      18018n x x x x x x x x x (%e
                                            )
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 249
--S 250 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 250
)clear all
--S 251 of 1394
t0:=x^{(-1-15*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R (1)
     8 - 15n - 1 n 8 7 - 15n - 1 n 7 2 6 - 15n - 1 n 6
--R
     b x (x) + 8a b x (x) + 28a b x (x)
--R
--R
       3 5 - 15n - 1 n 5 4 4 - 15n - 1 n 4 5 3 - 15n - 1 n 3
--R
--R.
     56a b x (x) + 70a b x (x) + 56a b x
--R. +
--R
      6 2 - 15n - 1 n 2 7 - 15n - 1 n 8 - 15n - 1
--R
      28a b x (x) + 8a b x x + a x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 251
--S 252 of 1394
```

```
r0:=-1/15*a^8/(n*x^(15*n))-4/7*a^7*b/(n*x^(14*n))-_
    28/13*a^6*b^2/(n*x^(13*n))-14/3*a^5*b^3/(n*x^(12*n))-
    70/11*a^4*b^4/(n*x^(11*n))-28/5*a^3*b^5/(n*x^(10*n))-
    28/9*a^2*b^6/(n*x^(9*n))-a*b^7/(n*x^(8*n))-1/7*b^8/(n*x^(7*n))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                           8 8n
                                                         7 7n 9n
--R
                                   (-6435b x - 45045a b x)x
--R
--R
                                           2 6 7n 8n
--R
                                   - 140140a b x x
--R
--R
                                10n
--R
                               x
--R
--R
                                      3 5 7n 8n 9n
                             - 252252a b x x x
--R
--R
--R
                            11n
--R
--R
--R
                                  4 4 7n 8n 9n 10n
                         - 286650a b x x x x
--R
--R
--R
                        12n
--R
--R
--R
                              5 3 7n 8n 9n 10n 11n
--R
                     - 210210a b x \, x \, x \, x
--R
--R
                    13n
--R
--R
--R
                         6 2 7n 8n 9n 10n 11n 12n
                 - 97020a b x x x x x x
--R
--R
--R
                14n
--R
--R
--R
                     7 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n
--R
             - 25740a b x x x x x x x
--R
--R
            15n
--R
           x
--R
--R
                8 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n
--R
         - 3003a x x x x x x x x
--R /
--R
               7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n 15n
```

```
--R
     --R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 252
--S 253 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
--R
       - 6435b (%e ) - 45045a b (%e ) - 140140a b (%e )
--R
      3 5 n log(x) 5 4 4 n log(x) 4 - 252252a b (%e ) - 286650a b (%e )
--R
--R
--R
--R
           5 3 n log(x) 3 6 2 n log(x) 2 7 n log(x)
--R
      - 210210a b (%e ) - 97020a b (%e ) - 25740a b %e
--R
--R
          8
       - 3003a
--R
--R /
       n log(x) 15
--R
      45045n (%e )
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 253
--S 254 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                  8 8n 7 7n 9n
--R
--R
                              (6435b x + 45045a b x )x
--R
--R
                                   2 6 7n 8n
--R
                             140140a b x x
--R
--R
                             10n
--R
--R
--R
                               3 5 7n 8n 9n
                           252252a b x x x
--R
--R
--R
                          11n
--R
                         X
--R
--R
                             4 4 7n 8n 9n 10n
--R
                        286650a b x x x x
--R
--R
                       12n
```

```
--R
                     X
--R
--R
                     5 3 7n 8n 9n 10n 11n
--R
                     210210a b x x x x x
--R
--R
                   13n
--R
                   X
--R
                     6 2 7n 8n 9n 10n 11n 12n
--R
--R
                 97020a b x x x x x x
--R
--R
                14n
--R
--R
--R
                  7 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n
--R
              25740a b x x x x x x x
--R
--R.
             15n
--R
--R
--R
             8 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n
--R
          3003a x x x x x x x x
--R
          n log(x) 15
--R
--R
         (%e )
--R
--R
            8 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n 15n n log(x) 8
--R
       - 6435b x x x x x x x x x x (%e )
--R
--R.
               7 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n 15n n log(x) 7
--R.
       - 45045a b x x x x x x x x x x (%e )
--R
--R
              2 6 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n 15n n log(x) 6
--R
       - 140140a b x x x x x x x x x x (%e )
--R
              3 5 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n 15n n log(x) 5
--R
--R
       - 252252a b x x x x x x x x x x (%e )
--R
              4 4 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n 15n n log(x) 4
--R
--R
       - 286650a b x x x x x x x x x x (%e )
--R
              5 3 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n 15n n log(x) 3
--R
--R.
       - 210210a b x x x x x x x x x x (%e )
--R.
--R.
             6 2 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n 15n n log(x) 2
--R
      - 97020a b x x x x x x x x x (%e )
--R
--R
             7 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n 15n n log(x)
--R
       - 25740a b x x x x x x x x x %e
--R.
```

```
--R 8 7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n 15n
--R - 3003a x x x x x x x x x x x
--R /
--R
            7n 8n 9n 10n 11n 12n 13n 14n 15n n log(x) 15
--R
      45045n x x x x x x x x x (%e )
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 254
--S 255 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 255
)clear all
--S 256 of 1394
t0:=x^{-1+n}*(a+b*x^n)^m
--R
--R n-1 m
--R (1) x (b x + a)
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 256
--S 257 of 1394
r0:=(a+b*x^n)^(1+m)/(b*(1+m)*n)
--R
--R
--R n m --R (b x + a)
        n m + 1
--R (2) -----
--R
          (b m + b)n
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 257
--S 258 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                           n log(x)
        n \log(x) m \log(b \%e + a)
--R
--R (b %e + a)%e
--R (3) ------
--R
                       (b m + b)n
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 258
```

```
--S 259 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                             n log(x)
       n log(x) m log(b %e + a) n m + 1
--R
--R
      (b %e + a)%e
                                     - (b x + a)
--R (4) ------
--R
                          (b m + b)n
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 259
--S 260 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 260
)clear all
--S 261 of 1394
t0:=x^{-1+n}*(a+b*x^n)^16
--R
--R
--R
   16 n - 1 n 16 15 n - 1 n 15 2 14 n - 1 n 14
--R
--R
     b x (x) + 16a b x (x) + 120a b x (x)
--R
     3 13 n - 1 n 13 4 12 n - 1 n 12 5 11 n - 1 n 11
--R
--R
    560a b x (x) + 1820a b x (x) + 4368a b x (x)
--R
        6 10 n - 1 n 10 7 9 n - 1 n 9 8 8 n - 1 n 8
--R
--R
    8008a b x (x) + 11440a b x (x) + 12870a b x (x)
--R
         97 n - 1 n 7 10 6 n - 1 n 6 11 5 n - 1 n 5
--R
--R
    11440a b x (x) + 8008a b x (x) + 4368a b x
--R
--R
        12 4 n - 1 n 4 13 3 n - 1 n 3 14 2 n - 1 n 2
    1820a b x (x) + 560a b x (x) + 120a b x (x)
--R
--R
--R
      15 n - 1 n 16 n - 1
--R
    16a b x x + a x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 261
--S 262 of 1394
r0:=1/17*(a+b*x^n)^17/(b*n)
--R
```

```
--R
--R
    (2)
       17 n 17 16 n 16 2 15 n 15 3 14 n 14
--R
--R
       b (x) + 17a b (x) + 136a b (x) + 680a b (x)
--R
          4 13 n 13 5 12 n 12
                                   6 11 n 11
                                                 7 10 n 10
--R
--R
      2380a b (x) + 6188a b (x) + 12376a b (x) + 19448a b (x)
--R
           8 9 n 9 9 8 n 8 10 7 n 7
--R
                                                  11 6 n 6
--R
      24310a b (x ) + 24310a b (x ) + 19448a b (x ) + 12376a b (x )
--R
--R
          12 5 n 5 13 4 n 4 14 3 n 3 15 2 n 2
      6188a b (x ) + 2380a b (x ) + 680a b (x ) + 136a b (x )
--R
--R
--R
        16 n 17
--R
       17a bx + a
--R /
--R
      17b n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 262
--S 263 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       16 n log(x) 17 15 n log(x) 16 2 14 n log(x) 15
--R
--R
       b (%e ) + 17a b (%e ) + 136a b (%e )
--R
         3 13 n log(x) 14 4 12 n log(x) 13
--R.
--R
      680a b (%e ) + 2380a b (%e
--R
--R
          5 11 n log(x) 12
                            6 10 n log(x) 11
--R
      6188a b (%e ) + 12376a b (%e )
--R
          7 9 n log(x) 10 8 8 n log(x) 9 9 7 n log(x) 8
--R
      19448a b (%e ) + 24310a b (%e ) + 24310a b (%e )
--R
--R
          10 6 n log(x) 7 11 5 n log(x) 6
--R
       19448a b (%e ) + 12376a b (%e
--R
--R
          12 4 n log(x) 5 13 3 n log(x) 4 14 2 n log(x) 3
--R
--R.
       6188a b (%e ) + 2380a b (%e ) + 680a b (%e )
--R.
         15 n log(x) 2 16 n log(x)
--R
       136a b (%e ) + 17a %e
--R
--R /
--R
      17n
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 263
```

```
--S 264 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
      17 n log(x) 17 16 n log(x) 16 2 15 n log(x) 15
--R
--R
       b (%e ) + 17a b (%e ) + 136a b (%e )
--R
         3 14 n log(x) 14 4 13 n log(x) 13
--R
--R
      680a b (%e ) + 2380a b (%e )
--R
          5 12 n log(x) 12 6 11 n log(x) 11
--R
      6188a b (%e ) + 12376a b (%e )
--R
--R
--R
          7 10 n log(x) 10 8 9 n log(x) 9
--R.
       19448a b (%e ) + 24310a b (%e )
--R
--R
          98 n log(x) 8 107 n log(x) 7
       24310a b (%e ) + 19448a b (%e )
--R
--R
--R
          11 6 n log(x) 6 12 5 n log(x) 5 13 4 n log(x) 4
--R
      12376a b (%e ) + 6188a b (%e ) + 2380a b (%e
--R
--R
        14 3 n log(x) 3 15 2 n log(x) 2 16 n log(x)
--R
      680a b (%e ) + 136a b (%e ) + 17a b %e
--R
--R
        17 n 17 16 n 16 2 15 n 15 3 14 n 14
--R
       - b (x) - 17a b (x) - 136a b (x) - 680a b (x)
--R.
--R
           4 13 n 13 5 12 n 12 6 11 n 11 7 10 n 10
--R
       - 2380a b (x) - 6188a b (x) - 12376a b (x) - 19448a b (x)
--R
            8 9 n 9 9 8 n 8 10 7 n 7
--R
--R
       - 24310a b (x ) - 24310a b (x ) - 19448a b (x ) - 12376a b (x )
--R
           12 5 n 5 13 4 n 4 14 3 n 3 15 2 n 2
--R
--R
      - 6188a b (x ) - 2380a b (x ) - 680a b (x ) - 136a b (x )
--R
--R
          16 n 17
--R
       - 17a bx - a
--R /
--R
     17b n
--R.
                                         Type: Expression(Integer)
--E 264
--S 265 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 265
)clear all
--S 266 of 1394
t0:=x^12*(a+b*x^13)^12
--R
--R
--R (1)
     --R
     b x + 12a b x + 66a b x + 220a b x + 495a b x
--R
--R
       5 7 103 6 6 90 7 5 77 8 4 64
--R
--R
    792a b x + 924a b x + 792a b x + 495a b x + 220a b x
--R +
--R
      10 2 38 11 25 12 12
--R
    66a b x + 12a b x + a x
--R
                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 266
--S 267 of 1394
r0:=1/169*(a+b*x^13)^13/b
--R
--R
--R
--R
       1 13 169 1 12 156 6 2 11 143 22 3 10 130 55 4 9 117
--R
       --- \ b \ x \ +-- \ a \ b \ x \ +-- \ a \ b \ x \ +-- \ a \ b \ x
--R
       169
                13
                            13
                                       13
--R
--R
       99 5 8 104 132 6 7 91 132 7 6 78 99 8 5 65 55 9 4 52
--R
      -- a b x + --- a b x + --- a b x + -- a b x
--R
      13
                 13
                            13
                                      13
--R
       22 10 3 39 6 11 2 26 1 12 13 1 13
--R
       -- a b x + -- a b x + -- a b x + --- a
--R
--R
                13
                            13
                                      169
      13
--R /
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 267
--S 268 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
    1 12 169 1 11 156 6 2 10 143 22 3 9 130 55 4 8 117
--R
--R
     --- b x + -- a b x + -- a b x + -- a b x
```

```
169 13 13 13
--R
--R
--R
    99 5 7 104 132 6 6 91 132 7 5 78 99 8 4 65 55 9 3 52
    --R
--R
    13
              13
                       13
                                13
--R
--R
     22 10 2 39 6 11 26 1 12 13
--R
     -- a b x + -- a b x + -- a x
             13
--R
                       13
--R
                              Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 268
--S 269 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        1 13
      --- a
--R
--R
       169
--R (4) - -----
       b
--R
--R
                       Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 269
--S 270 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                       Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 270
)clear all
--S 271 of 1394
t0:=x^24*(a+b*x^25)^12
--R
--R
--R
   (1)
    --R
    b x + 12a b x + 66a b x + 220a b x + 495a b x
--R
--R
--R
      5 7 199 6 6 174 7 5 149 8 4 124 9 3 99
--R
    792a b x + 924a b x + 792a b x + 495a b x + 220a b x
--R +
--R
     10 2 74 11 49 12 24
--R 66a b x + 12a b x + a x
--R
                                     Type: Polynomial(Integer)
--E 271
```

```
--S 272 of 1394
r0:=1/325*(a+b*x^25)^13/b
--R
--R
--R (2)
--R
         1 13 325 1 12 300 6 2 11 275 22 3 10 250 11 4 9 225
--R
         --- b \ x \ +-- a b \ x \ +-- a b \ x \ +-- a b \ x
--R
                    25
--R
        99 5 8 200 132 6 7 175 132 7 6 150 99 8 5 125 11 9 4 100
--R
--R
        -- a b x + --- a b x + --- a b x + -- a b x
                                               25
                                   25
--R
                      25
         25
--R
         22 \quad 10 \quad 3 \quad 75 \qquad 6 \quad 11 \quad 2 \quad 50 \qquad \quad 1 \quad 12 \quad \quad 25 \qquad \quad 1 \quad \quad 13
--R
         -- a b x + -- a b x + -- a b x + --- a
--R
--R
         25
                     25
                                  25
                                              325
--R /
--R
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 272
--S 273 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
      1 12 325 1 11 300 6 2 10 275 22 3 9 250 11 4 8 225
--R
       --- b x + -- a b x + -- a b x + -- a b x
--R
       325
                   25
                                              25
--R
--R
      99 5 7 200 132 6 6 175 132 7 5 150 99 8 4 125 11 9 3 100
--R
      -- a b x + --- a b x + --- a b x + -- a b x
--R
                   25
                                 25
                                              25
--R
--R
       22 10 2 75 6 11 50 1 12 25
       -- a b x + -- a b x + -- a x
--R
                  25
--R
                                25
--R
                                        Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 273
--S 274 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
           1 13
--R
           --- a
--R
         325
--R (4) - ----
          Ъ
--R
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
```

```
--E 274
--S 275 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 275
)clear all
--S 276 of 1394
t0:=x^36*(a+b*x^37)^12
--R
--R
--R (1)
--R 12 480 11 443 2 10 406 3 9 369 4 8 332
--R b x + 12a b x + 66a b x + 220a b x + 495a b x
--R +
       5 7 295 6 6 258 7 5 221 8 4 184 9 3 147
--R
--R 792a b x + 924a b x + 792a b x + 495a b x + 220a b x
--R +
      10 2 110 11 73 12 36
--R
--R
      66a b x + 12a b x + a x
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 276
--S 277 of 1394
r0:=1/481*(a+b*x^37)^13/b
--R
--R
--R (2)
--R
       1 13 481 1 12 444 6 2 11 407 22 3 10 370 55 4 9 333
--R
       --- b x + -- a b x + -- a b x + -- a b x
       481
--R
                 37
                             37
                                          37
--R
       99 5 8 296 132 6 7 259 132 7 6 222 99 8 5 185 55 9 4 148
--R
        -- \ a \ b \ x \qquad + \ --- \ a \ b \ x \qquad + \ --- \ a \ b \ x \qquad + \ --- \ a \ b \ x 
--R
                  37
                               37
--R
                                           37
       37
--R
--R
       22 10 3 111 6 11 2 74 1 12 37 1 13
--R.
       -- a b x + -- a b x + -- a b x + --- a
--R
                  37
                              37
                                          481
--R /
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 277
--S 278 of 1394
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R 1 12 481 1 11 444 6 2 10 407 22 3 9 370 55 4 8 333
     --- b x + -- a b x + -- a b x + -- a b x
--R
              37
--R
                        37
                                   37
--R
     99 5 7 296 132 6 6 259 132 7 5 222 99 8 4 185 55 9 3 148
--R
    -- a b x + --- a b x + --- a b x + -- a b x
--R
               37
--R
                         37
                                   37
--R
     22 10 2 111 6 11 74 1 12 37
--R
--R
     37
                         37
--R
--R
                               Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 278
--S 279 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        1 13
--R
        --- a
--R
       481
--R (4) - -----
       b
--R
--R
                        Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 279
--S 280 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                        Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 280
)clear all
--S 281 of 1394
t0:=x^{(12*m)}*(a+b*x^{(1+12*m)})^{12}
--R
--R
--R (1)
    --R
--R
    b x (x ) + 12a b x (x ) + 66a b x (x )
--R +
     3 9 12m 12m + 1 9 4 8 12m 12m + 1 8 5 7 12m 12m + 1 7
--R
--R
     220a b x (x ) + 495a b x (x ) + 792a b x (x )
```

```
--R
--R
     6 6 12m 12m + 1 6 7 5 12m 12m + 1 5 8 4 12m 12m + 1 4
    924a b x (x ) + 792a b x (x ) + 495a b x (x )
--R
--R
--R
      9 3 12m 12m + 1 3 10 2 12m 12m + 1 2 11 12m 12m + 1
    220a b x (x ) + 66a b x (x ) + 12a b x x
--R
--R
--R
     12 12m
--R
    ах
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 281
--S 282 of 1394
r0:=1/13*(a+b*x^(1+12*m))^13/(b*(1+12*m))
--R
--R
--R
   (2)
--R.
      --R
       b (x ) + 13a b (x ) + 78a b (x
--R
        3 10 12m + 1 10 4 9 12m + 1 9 5 8 12m + 1 8
--R
--R
      286a b (x ) + 715a b (x ) + 1287a b (x )
--R
--R
         67 12m + 17 7 6 12m + 16 85 12m + 15
--R
     1716a b (x ) + 1716a b (x ) + 1287a b (x )
--R
          9 4 12m + 1 4 10 3 12m + 1 3 11 2 12m + 1 2
--R
--R
      715a b (x ) + 286a b (x ) + 78a b (x )
--R
--R.
        12 12m + 1 13
--R
       13a b x + a
--R /
--R
     156b m + 13b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 282
--S 283 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
      12 (12m + 1)\log(x) 13 11 (12m + 1)\log(x) 12
--R
      b (%e ) + 13a b (%e )
--R.
--R.
        2 10 (12m + 1)\log(x) 11 3 9 (12m + 1)\log(x) 10
--R.
                        ) + 286a b (%e
--R
      78a b (%e
--R
--R
        4 8 (12m + 1)\log(x) 9 5 7 (12m + 1)\log(x) 8
     715a b (%e ) + 1287a b (%e )
--R
--R
```

```
6 6 (12m + 1)\log(x) 7 7 5 (12m + 1)\log(x) 6
--R
       1716a b (%e ) + 1716a b (%e
--R
--R
--R
           8 4 (12m + 1)\log(x) 5
                                9 3 (12m + 1)\log(x) 4
--R
      1287a b (%e ) + 715a b (%e
--R
         10 2 (12m + 1)\log(x) 3 11 (12m + 1)\log(x) 2
--R
                          ) + 78a b (%e
--R
       286a b (%e
--R
         12 (12m + 1)\log(x)
--R
--R
       13a %e
--R /
--R
      156m + 13
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 283
--S 284 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
       13 (12m + 1)\log(x) 13 12 (12m + 1)\log(x) 12
--R
--R
                 ) + 13a b (%e
       b (%e
--R
--R
        2 11 (12m + 1)\log(x) 11 3 10 (12m + 1)\log(x) 10
      78a b (%e ) + 286a b (%e
--R
--R
--R
         4 9 (12m + 1)\log(x) 9 5 8 (12m + 1)\log(x) 8
--R
       715a b (%e
                     ) + 1287a b (%e
--R
          6 7 (12m + 1)\log(x) 7 6 (12m + 1)\log(x) 6
--R
      1716a b (%e ) + 1716a b (%e
--R
--R
          8 5 (12m + 1)\log(x) 5 9 4 (12m + 1)\log(x) 4
--R
                          ) + 715a b (%e
--R
       1287a b (%e
--R
         10 3 (12m + 1)\log(x) 3 11 2 (12m + 1)\log(x) 2
--R
--R
                     ) + 78a b (%e
       286a b (%e
--R
         12 (12m + 1)log(x) 13 12m + 1 13 12 12m + 1 12
--R
       13a b %e
                          - b (x ) - 13a b (x )
--R
--R
--R.
          2 11 12m + 1 11 3 10 12m + 1 10 4 9 12m + 1 9
--R.
       - 78a b (x ) - 286a b (x ) - 715a b (x
--R
            5 8 12m + 1 8 6 7 12m + 1 7
--R
                                           7 6 12m + 1 6
--R
       - 1287a b (x ) - 1716a b (x ) - 1716a b (x )
--R
             8 5 12m + 1 5 9 4 12m + 1 4 10 3 12m + 1 3
--R
--R
       - 1287a b (x ) - 715a b (x ) - 286a b (x )
```

```
--R
--R 11 2 12m + 1 2 12 ---

--R - 78a b (x ) - 13a b x - a
       11 2 12m + 1 2 12 12m + 1 13
--R
    156b m + 13b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 284
--S 285 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 285
)clear all
--S 286 of 1394
t0:=x^{(12+12*(-1+m))*(a+b*x^{(1+12*m))^{12}}
--R
--R
--R (1)
--R
    b x (x ) + 12a b x (x ) + 66a b x (x )
--R
--R
--R
       3 9 12m 12m + 1 9 4 8 12m 12m + 1 8 5 7 12m 12m + 1 7
    220a b x (x ) + 495a b x (x ) + 792a b x (x )
--R
--R
--R
       6 6 12m 12m + 1 6 7 5 12m 12m + 1 5 8 4 12m 12m + 1 4
--R
    924a b x (x ) + 792a b x (x ) + 495a b x (x )
--R +
--R
       9 3 12m 12m + 1 3 10 2 12m 12m + 1 2
                                          11 12m 12m + 1
--R
    220a b x (x ) + 66a b x (x ) + 12a b x x
--R +
--R
     12 12m
--R
    a x
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 286
--S 287 of 1394
r0:=1/13*(a+b*x^(1+12*m))^13/(b*(1+12*m))
--R
--R
--R (2)
      --R
--R
      b (x ) + 13a b (x ) + 78a b (x )
--R
        3 10 12m + 1 10 4 9 12m + 1 9 5 8 12m + 1 8
--R
       286a b (x ) + 715a b (x ) + 1287a b (x )
--R
```

```
--R
        6 7 12m + 1 7 7 6 12m + 1 6 8 5 12m + 1 5
--R
--R
      1716a b (x ) + 1716a b (x ) + 1287a b (x )
--R
--R
         9 4 12m + 1 4 10 3 12m + 1 3 11 2 12m + 1 2
       715a b (x ) + 286a b (x ) + 78a b (x )
--R
--R
--R
         12 12m + 1 13
--R
      13a b x + a
--R /
--R
      156b m + 13b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 287
--S 288 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
       12 (12m + 1)\log(x) 13 11 (12m + 1)\log(x) 12
--R
       b (%e ) + 13a b (%e )
--R
--R
--R
        2 10 (12m + 1)\log(x) 11 3 9 (12m + 1)\log(x) 10
      78a b (%e ) + 286a b (%e )
--R
--R
         4 8 (12m + 1)\log(x) 9 5 7 (12m + 1)\log(x) 8
--R
--R
      715a b (%e
                     ) + 1287a b (%e
--R
--R
          6 6 (12m + 1)\log(x) 7 7 5 (12m + 1)\log(x) 6
--R
      1716a b (%e ) + 1716a b (%e
--R
          8 4 (12m + 1)\log(x) 5 9 3 (12m + 1)\log(x) 4
--R
                          ) + 715a b (%e
--R
      1287a b (%e
--R
         10 2 (12m + 1)\log(x) 3 11 (12m + 1)\log(x) 2
--R
                     ) + 78a b (%e
--R
       286a b (%e
--R
--R
         12 (12m + 1)\log(x)
--R
       13a %e
--R /
--R
      156m + 13
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 288
--S 289 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R 13 (12m + 1)\log(x) 13 12 (12m + 1)\log(x) 12
```

```
b (%e ) + 13a b (%e
--R
--R
--R
        2 11 (12m + 1)\log(x) 11 3 10 (12m + 1)\log(x) 10
--R
       78a b (%e ) + 286a b (%e
--R
      +
4 9 (12m + 1)log(x) 9 5 8 (12m + 1)log(x) 8
--R
      715a b (%e ) + 1287a b (%e )
--R
--R
          6 7 (12m + 1)\log(x) 7 6 (12m + 1)\log(x) 6
--R
                     ) + 1716a b (%e
--R
      1716a b (%e
--R
--R
         8 5 (12m + 1)\log(x) 5 9 4 (12m + 1)\log(x) 4
       1287a b (%e ) + 715a b (%e
--R
--R
--R
         10 3 (12m + 1)\log(x) 3 11 2 (12m + 1)\log(x) 2
--R
       286a b (%e ) + 78a b (%e
--R.
--R
        12 (12m + 1)\log(x) 13 12m + 1 13 12 12m + 1 12
--R
                         - b (x ) - 13a b (x )
--R
--R
         2 11 12m + 1 11 3 10 12m + 1 10 4 9 12m + 1 9
--R
       - 78a b (x ) - 286a b (x ) - 715a b (x )
--R
--R
          5 8 12m + 1 8 6 7 12m + 1 7 7 6 12m + 1 6
--R
      - 1287a b (x ) - 1716a b (x ) - 1716a b (x )
--R
--R
            8 5 12m + 1 5 9 4 12m + 1 4 10 3 12m + 1 3
--R
      - 1287a b (x ) - 715a b (x ) - 286a b (x )
--R
        11 2 12m + 1 2 12 12m + 1 13
--R.
--R
       - 78a b (x ) - 13a b x - a
--R /
--R
      156b m + 13b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 289
--S 290 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 290
)clear all
--S 291 of 1394
t0:=x^{(-1+4*n)/(a+b*x^n)}
--R
--R
```

```
4n - 1
--R
--R
                                 x
--R (1) -----
--R
                                  n
--R
                          bx +a
--R
                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 291
--S 292 of 1394
r0:=a^2*x^n/(b^3*n)-1/2*a*x^(2*n)/(b^2*n)+1/3*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(2*n)/(b^2*n)+1/3*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(2*n)/(b^2*n)+1/3*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(2*n)/(b^2*n)+1/3*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b^2*n)+1/3*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b^2*n)+1/3*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)/(b*n)-1/2*a*x^(3*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b*n)/(b
             a^3*log(a+b*x^n)/(b^4*n)
--R
--R
--R
                                                             n
                                                                                              3 3n 2 2n 2 n
                              - 6a log(b x + a) + 2b x - 3a b x + 6a b x
--R
--R
--R
                                                                                                    4
--R
                                                                                                6b n
--R
                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 292
--S 293 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                      3  n \log(x) 3  n \log(x) 3  n \log(x) 3  2  n \log(x) 2  -6a \log(b \%e + a) + 2b (\%e ) - 3a b (\%e )
--R
--R
                      + 2 n log(x)
--R
--R
--R
--R /
--R
                        4
--R
                       6b n
--R
                                                                                                                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 293
--S 294 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
               (4)
                                  3 n log(x) 3 n 3 n log(x) 3
--R
                       - 6a log(b %e + a) + 6a log(b x + a) + 2b (%e )
--R.
--R
                                  2 n log(x) 2 2 n log(x) 3 3n 2 2n 2 n
--R
                        - 3a b (%e ) + 6a b %e - 2b x + 3a b x - 6a b x
--R
--R /
--R
--R
                       6b n
```

```
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 294
--S 295 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 295
)clear all
--S 296 of 1394
t0:=x^{-1+3*n}/(a+b*x^n)
--R
--R
--R
          3n - 1
--R
         X
--R (1) -----
          n
--R
--R
        b x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 296
--S 297 of 1394
r0:=-a*x^n/(b^2*n)+1/2*x^(2*n)/(b*n)+a^2*log(a+b*x^n)/(b^3*n)
--R
--R
--R 2 n 2 2...

--R 2a log(b x + a) + b x - 2a b x
          2 n 22n n
--R
                         3
--R
                       2b n
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 297
--S 298 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          2 \qquad \qquad n \log(x) \qquad \qquad 2 \qquad n \log(x) \qquad \qquad n \log(x)
     2a log(b %e + a) + b (%e ) - 2a b %e
--R
--R (3) -----
--R
                                     3
--R
                                   2b n
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 298
--S 299 of 1394
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R 2 n log(x) 2 n 2 n log(x) 2

--R 2a log(b %e + a) - 2a log(b x + a) + b (%e )
--R
--R
              n \log(x) 2 2n
--R
       - 2a b %e - b x + 2a b x
--R /
--R
       3
--R
       2b n
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 299
--S 300 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 300
)clear all
--S 301 of 1394
t0:=x^{-1+2*n}/(a+b*x^n)
--R
--R
--R
          2n - 1
--R
         X
--R (1) -----
          n
--R
--R
        bx +a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 301
--S 302 of 1394
r0:=x^n/(b*n)-a*log(a+b*x^n)/(b^2*n)
--R
--R
--R
                 n n
--R.
     - a log(b x + a) + b x
--R (2) -----
--R
                   2
--R
                  b n
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 302
--S 303 of 1394
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          n \log(x) n \log(x)
--R
--R - a log(b %e + a) + b %e
--R (3) -----
--R
--R
                      b n
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 303
--S 304 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          n \log(x) n \log(x) n
--R
   - a log(b \%e + a) + a log(b x + a) + b \%e - b x
--R (4) -----
--R
                                2
--R
                               b n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 304
--S 305 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 305
)clear all
--S 306 of 1394
t0:=x^{(-1+n)}/(a+b*x^n)
--R
--R
--R
        n - 1
--R
        x
   (1) -----
--R
        n
--R
--R
       b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 306
--S 307 of 1394
r0:=log(a+b*x^n)/(b*n)
--R
--R
--R
             n
```

```
--R log(b x + a)
--R (2) -----
    b n
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 307
--S 308 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   \begin{array}{ccc} & n \log(x) \\ \log(b \% e & + a) \end{array}
--R
--R
--R (3) -----
--R
              bп
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 308
--S 309 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) -----
--R
                     b n
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 309
--S 310 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 310
)clear all
--S 311 of 1394
t0:=1/(x*(a+b*x^n))
--R
--R
--R
           1
--R (1) -----
--R n
--R bxx + ax
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 311
--S 312 of 1394
```

```
r0:=log(x)/a-log(a+b*x^n)/(a*n)
--R
--R
          n
--R
--R 	 - \log(b x + a) + n \log(x)
--R (2) -----
--R
                  a n
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 312
--S 313 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          n log(x)
--R
    -\log(b\%e + a) + n\log(x)
--R (3) -----
--R
                     a n
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 313
--S 314 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
   n log(x) n
- log(b %e + a) + log(b x + a)
(4) ------
--R
--R
--R
--R
                       a n
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 314
--S 315 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 315
)clear all
--S 316 of 1394
t0:=x^{-1-n}/(a+b*x^n)
--R
--R
--R
        - n - 1
     х - ...
--R
--R (1) -----
    n
--R
```

```
--R b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 316
--S 317 of 1394
r0:=(-1)/(a*n*x^n)-b*log(x)/a^2+b*log(a+b*x^n)/(a^2*n)
--R
        n n
--R
--R (2) -----
                  2 n
--R
--R
                  a n x
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 317
--S 318 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
       n log(x) n log(x)
                                 n log(x)
--R
--R b %e log(b %e + a) - b n log(x)%e - a
--R (3) -----
--R
                        2 n log(x)
--R
                        a n %e
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 318
--S 319 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
-R n 	 n 	 log(x) n 	 log(x) n 	 n 	 log(x)
     b x %e log(b %e + a) - b x %e log(b x + a)
--R
--R
        n log(x) n
--R
     a %e - a x
--R
--R /
--R
     2 n n log(x)
--R
     anx %e
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 319
--S 320 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
```

```
--E 320
)clear all
--S 321 of 1394
t0:=x^{(-1-2*n)/(a+b*x^n)}
--R
--R
        - 2n - 1
       x
--R
--R (1) -----
         n
--R
        b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 321
--S 322 of 1394
 r0 := (-1/2)/(a*n*x^(2*n)) + b/(a^2*n*x^n) + b^2*log(x)/a^3 - b^2*log(a+b*x^n)/(a^3*n) 
--R
--R
--R
                              2 n 2n 2n
          2 n 2n n
--R
     -2b \times x \log(b \times + a) + (2b n \log(x)x + 2a b)x - a x
--R (2) ------
--R
                            3 n 2n
--R
                            2a n x x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 322
--S 323 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         2 n log(x) 2 n log(x) 2 n log(x) 2
--R
      - 2b (%e ) log(b %e + a) + 2b n log(x)(%e )
--R
--R
        n \log(x) 2
--R
--R
      2a b %e - a
--R /
      3 n log(x) 2
--R
      2a n (%e )
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 323
--S 324 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
           2 n 2n n log(x) 2 n log(x)
--R
```

```
- 2b x x (%e ) log(b %e + a)
--R
--R
    2 n 2n n log(x) 2 n 2n 2 n n log(x) 2
2b x x (%e ) log(b x + a) + (- 2a b x + a x)(%e )
--R
--R
--R
--R
           n 2n n log(x) 2 n 2n
--R
       2abxx %e - axx
--R /
      3 n 2n n log(x) 2
--R
--R
      2a n x x (%e )
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 324
--S 325 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 325
)clear all
--S 326 of 1394
t0:=x^{(-1-3*n)/(a+b*x^n)}
--R
--R
    - 3n - 1
--R
--R
       X
--R (1) -----
--R
          n
--R
        b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 326
--S 327 of 1394
r0:=(-1/3)/(a*n*x^(3*n))+1/2*b/(a^2*n*x^(2*n))-b^2/(a^3*n*x^n)-_
   b^3*\log(x)/a^4+b^3*\log(a+b*x^n)/(a^4*n)
--R
--R
--R (2)
        3 n 2n 3n n
--R
                                   3 n 2 2n 2 n 3n
--R
      6b \times x \times log(b \times + a) + ((-6b n log(x)x - 6a b)x + 3a b x)x
--R.
--R
          3 n 2n
       - 2a x x
--R
--R /
--R
       4 n 2n 3n
--R
      6anxx x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
```

```
--E 327
--S 328 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
     3 n log(x) 3 n log(x) 3 n log(x) 3
--R
      6b (%e ) log(b %e + a) - 6b n log(x)(%e )
--R
      + 2 n log(x) 2 2 n log(x) - + 3a b %e -
--R
--R
--R
--R /
      4 n log(x) 3
--R
--R
      6a n (%e )
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 328
--S 329 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
     3 n 2n 3n n log(x) 3 n log(x)
--R
      6b x x x (%e ) log(b %e + a)
--R
--R
--R
         3 n 2n 3n n log(x) 3
--R
      - 6b \times x \times (\%e ) log(b \times + a)
--R
--R.
           2 2n 2 n 3n 3 n 2n n log(x) 3
--R
      ((6a b x - 3a b x)x + 2a x x)(\%e
--R
--R
           2 n 2n 3n n log(x) 2 2 n 2n 3n n log(x) 3 n 2n 3n
--R
      - 6a b x x x (%e ) + 3a b x x x %e - 2a x x x
--R /
      4 n 2n 3n n log(x) 3
--R
--R
      6a n x x x (%e )
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 329
--S 330 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 330
)clear all
```

```
--S 331 of 1394
t0:=x^{(3+4*(-1+n))/(a+b*x^n)}
--R
--R
--R
        4n - 1
--R
       x
--R (1) -----
--R
         n
--R
       b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 331
--S 332 of 1394
r0:=a^2*x^n/(b^3*n)-1/2*a*x^(2*n)/(b^2*n)+1/3*x^(3*n)/(b*n)-_
   a^3*log(a+b*x^n)/(b^4*n)
--R
--R
--R
          3 n
                        3 3n 2 2n 2 n
--R
     - 6a log(b x + a) + 2b x - 3a b x + 6a b x
--R (2) -----
--R
--R
                         6b n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 332
--S 333 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
        3 n log(x) 3 n log(x) 3 2 n log(x) 2
--R
      - 6a log(b %e + a) + 2b (%e ) - 3a b (%e )
--R
--R
--R
       2 n log(x)
--R
      6a b %e
--R /
--R
--R
      6b n
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 333
--S 334 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
         3 n log(x) 3 n 3 n log(x) 3
--R
     - 6a log(b %e + a) + 6a log(b x + a) + 2b (%e )
--R
--R
--R
       2 n log(x) 2 2 n log(x) 3 3n 2 2n 2 n
```

```
--R - 3a b (%e ) + 6a b %e - 2b x + 3a b x - 6a b x
--R /
--R
      4
--R
    6b n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 334
--S 335 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 335
)clear all
--S 336 of 1394
t0:=x^{(2+3*(-1+n))/(a+b*x^n)}
--R
--R
--R
        3n - 1
     x
--R
--R (1) -----
        n
--R
      b x + a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 336
--S 337 of 1394
r0:=-a*x^n/(b^2*n)+1/2*x^(2*n)/(b*n)+a^2*log(a+b*x^n)/(b^3*n)
--R
--R
        2 n 2 2n
--R
--R
      2a log(b x + a) + b x - 2a b x
--R (2) -----
--R
                   3
--R
                  2b n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 337
--S 338 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        2  n log(x)  2  n log(x)  2  n log(x)
--R
     2a log(b %e + a) + b (%e ) - 2a b %e
--R
--R (3) ------
--R
                              3
                             2b n
--R
```

```
Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--Е 338
--S 339 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
-R 2 n \log(x) 2 n 2 n \log(x) 2
      2a log(b %e + a) - 2a log(b x + a) + b (%e )
--R
--R
      n log(x) 2 2n n
- 2a b %e - b x + 2a b x
--R
--R
--R /
--R
       3
--R
      2b n
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 339
--S 340 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 340
)clear all
--S 341 of 1394
t0:=x^{(1+2*(-1+n))/(a+b*x^n)}
--R
--R
--R
         2n - 1
--R
        x
--R (1) -----
         n
--R
--R
       b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 341
--S 342 of 1394
r0:=x^n/(b*n)-a*log(a+b*x^n)/(b^2*n)
--R
--R
--R
    - a log(b x + a) + b x
--R
--R
    (2) -----
--R
                 2
--R
                  b n
```

```
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 342
--S 343 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    --R
--R
--R (3) -----
--R
--R
                    b n
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 343
--S 344 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) ------
--R
                             2
--R
                            b n
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--Е 344
--S 345 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 345
)clear all
--S 346 of 1394
t0:=x^{(-1+n)}/(a+b*x^n)
--R
--R
   n - 1
--R
--R
      x
--R (1) -----
      n
--R
       b x + a
--R
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 346
--S 347 of 1394
```

```
r0:=log(a+b*x^n)/(b*n)
--R
--R
        n
--R
--R n \log(b x + a)
--R (2) -----
         b n
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 347
--S 348 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        n log(x)
--R
   log(b %e + a)
--R
--R (3) -----
         b n
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 348
--S 349 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
   n log(x) n log(b %e + a) - log(b x + a)
--R
--R
   (4) -----
--R
--R
                      b n
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 349
--S 350 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 350
)clear all
--S 351 of 1394
t0:=1/(x*(a+b*x^n))
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R n --R bxx + ax
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 351
--S 352 of 1394
r0:=log(x)/a-log(a+b*x^n)/(a*n)
--R
--R
--R
--R 	 - \log(b x + a) + n \log(x)
--R (2) -----
--R
                a n
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 352
--S 353 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         n \log(x)
--R - log(b %e + a) + n log(x)
--R (3) -----
--R
                   a n
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 353
--S 354 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) -----
--R
                      a n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 354
--S 355 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 355
)clear all
--S 356 of 1394
t0:=x^{(-1-n)}/(a+b*x^n)
--R
--R
```

```
--R - n - 1
--R x
--R (1) -----
       n
--R
--R
      b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 356
--S 357 of 1394
r0:=(-1)/(a*n*x^n)-b*log(x)/a^2+b*log(a+b*x^n)/(a^2*n)
--R
        n n
--R
    n u b x log(b x + a) - b n log(x)x - a
--R
--R (2) -----
--R
                   2 n
--R
                   a n x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 357
--S 358 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
       n \log(x) n \log(x)
--R
   b %e log(b %e + a) - b n log(x)%e - a
--R
--R
--R
                          2 	 n log(x)
--R
                         a n %e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 358
--S 359 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
     --R
--R
--R
      n log(x) n
--R
--R
      a %e - a x
--R /
--R
     2 \quad n \quad n \log(x)
--R
   anx %e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 359
--S 360 of 1394
d0:=normalize m0
```

```
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 360
)clear all
--S 361 of 1394
t0:=x^{-3-2*(-1+n)}/(a+b*x^n)
--R
--R
    х
       - 2n - 1
--R
--R
--R (1) -----
--R
        n
--R
       b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 361
--S 362 of 1394
r0:=(-1/2)/(a*n*x^(2*n))+b/(a^2*n*x^n)+b^2*log(x)/a^3-b^2*log(a+b*x^n)/(a^3*n)
--R
--R
--R
         2 n 2 n 2 n 2 n
    --R
--R
   (2) -----
--R
                          3 n 2n
--R
                         2a n x x
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 362
--S 363 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
        2 n log(x) 2 n log(x) 2 n log(x) 2
--R
     - 2b (%e ) log(b %e + a) + 2b n log(x) (%e )
--R
--R
       n \log(x) 2
--R
--R
      2a b %e - a
--R /
--R
     3 n log(x) 2
--R
     2a n (%e )
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 363
--S 364 of 1394
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R (4)
--R
         2 n 2n n log(x) 2 n log(x)
--R
      - 2b x x (%e ) log(b %e + a)
--R
       2 n 2n n log(x) 2 n 2n n log(x) 2
--R
      2b x x (%e ) log(b x + a) + (- 2a b x + a x )(%e )
--R
--R
           n 2n n log(x) 2 n 2n
--R
--R
      2abxx %e - axx
--R /
      3 n 2n n log(x) 2
--R
--R
      2a n x x (%e )
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 364
--S 365 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 365
)clear all
--S 366 of 1394
t0:=x^{-4-3*(-1+n)}/(a+b*x^n)
--R
--R
--R
        - 3n - 1
--R
       x
--R (1) -----
         n
--R
        b x + a
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 366
--S 367 of 1394
r0:=(-1/3)/(a*n*x^(3*n))+1/2*b/(a^2*n*x^(2*n))-b^2/(a^3*n*x^n)-_
   b^3*\log(x)/a^4+b^3*\log(a+b*x^n)/(a^4*n)
--R.
--R
--R (2)
       3 n 2n 3n n
--R
                                  3 n 2 2n 2 n 3n
      6b x x x log(b x + a) + ((-6b n log(x)x - 6a b )x + 3a b x )x
--R
--R
     3 n 2
- 2a x x
--R
         3 n 2n
--R
```

```
--R /
--R 4 n 2n 3n
--R
     6anxx x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 367
--S 368 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
     3 n log(x) 3 n log(x) 3 n log(x) 3
6b (%e ) log(b %e + a) - 6b n log(x)(%e )
--R
--R
--R
--R
          2 \quad n \log(x) \quad 2 \quad 2 \quad n \log(x)
--R
        - 6a b (%e ) + 3a b %e - 2a
--R /
--R
       4 n log(x) 3
--R
       6a n (%e )
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 368
--S 369 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    3 n 2n 3n n log(x) 3 n log(x)
--R
--R
       6b x x x (%e ) log(b %e + a)
--R
          3 n 2n 3n n log(x) 3
--R
--R
       - 6b \times x \times (\%e ) \log(b \times + a)
--R
            2 2n 2 n 3n 3 n 2n n log(x) 3
--R
--R
       ((6a b x - 3a b x )x + 2a x x )(%e
--R
            2 n 2n 3n n log(x) 2 2 n 2n 3n n log(x) 3 n 2n 3n
--R
       - 6a b x x x (%e ) + 3a b x x x %e - 2a x x x
--R
--R /
       4 n 2n 3n n log(x) 3
--R
--R
       6a n x x x (%e )
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 369
--S 370 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
```

```
--Е 370
)clear all
--S 371 of 1394
t0:=x^{-1+4*n}/(2+b*x^n)
--R
--R
--R
          4n - 1
--R
         x
--R (1) -----
          n
--R
        b x + 2
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 371
--S 372 of 1394
{\tt r0:=4*x^n/(b^3*n)-x^(2*n)/(b^2*n)+1/3*x^(3*n)/(b*n)-8*log(2+b*x^n)/(b^4*n)}
--R
--R
--R
                 n 3 3n 2 2n n
      -24\log(b x + 2) + b x - 3b x + 12b x
--R
--R
--R
                           4
--R
                          3b n
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 372
--S 373 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                 n log(x) 3 n log(x) 3 2 n log(x) 2
--R
      - 24log(b %e + 2) + b (%e ) - 3b (%e )
--R
--R
           n log(x)
--R
--R
       12b %e
--R /
       4
--R
--R
      3b n
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 373
--S 374 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                 n 3 n log(x) 3
                  n log(x)
```

```
- 24\log(b \%e + 2) + 24\log(b x + 2) + b (\%e
--R
--R
       2 n log(x) 2 n log(x) 3 3n 2 2n n
--R
--R
      - 3b (%e ) + 12b %e - b x + 3b x - 12b x
--R /
--R
      4
--R
      3b n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 374
--S 375 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 375
)clear all
--S 376 of 1394
t0:=x^{-1+3*n}/(2+b*x^n)
--R
--R
--R 3n - 1
--R x
--R (1) -----
--R
        n
--R
       b x + 2
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 376
--S 377 of 1394
r0:=-2*x^n/(b^2*n)+1/2*x^(2*n)/(b*n)+4*log(2+b*x^n)/(b^3*n)
--R
--R
             n 2 2n n
--R
--R 8log(b x + 2) + b x - 4b x
--R (2) -----
--R
                   3
--R
                  2b n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 377
--S 378 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         n \log(x) 2 n \log(x) 2 n \log(x)
--R
        8log(b %e + 2) + b (%e ) - 4b %e
--R
```

```
--R (3) -----
--R
                                3
--R
                                2b n
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 378
--S 379 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          \label{eq:normalization} \mbox{n log(x)} \qquad \qquad \mbox{n log(x)} \qquad \qquad \mbox{n log(x)}
--R
       8log(b %e + 2) - 8log(b x + 2) + b (%e ) - 4b %e
--R
--R
--R
          2 2n n
     - b x + 4b x
--R
--R /
--R
       3
--R
      2b n
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 379
--S 380 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 380
)clear all
--S 381 of 1394
t0:=x^{-1+2*n}/(2+b*x^n)
--R
--R
--R
          2n - 1
--R
          x
--R (1) -----
          n
--R
       b x + 2
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 381
--S 382 of 1394
r0:=x^n/(b*n)-2*log(2+b*x^n)/(b^2*n)
--R
--R
--R
           n n
--R - 2\log(b x + 2) + b x
```

```
2
--R
--R
              b n
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 382
--S 383 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
              n log(x) n log(x)
--R
     - 2log(b %e + 2) + b %e
--R
   (3) -----
--R
--R
--R
                     b n
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 383
--S 384 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
         n \log(x) n \log(x) n
--R
   -2\log(b \%e + 2) + 2\log(b x + 2) + b \%e - b x
--R
--R
   (4) -----
--R
                               2
--R
                              b n
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 384
--S 385 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 385
)clear all
--S 386 of 1394
t0:=x^{-1+n}/(2+b*x^n)
--R
--R
--R
       n - 1
--R
       x
--R (1) -----
       n
--R
--R
     b x + 2
--R
                                        Type: Expression(Integer)
```

```
--Е 386
--S 387 of 1394
r0:=log(2+b*x^n)/(b*n)
--R
--R
--R
              n
        log(b x + 2)
--R
--R (2) -----
          b n
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 387
--S 388 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
     \begin{array}{ccc} & n \log(x) \\ \log(b \% & + 2) \end{array}
--R
--R
--R
    (3) -----
--R
                b n
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 388
--S 389 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
         n log(x) n
--R
    \log(b \%e + 2) - \log(b x + 2)
--R
--R
    (4) -----
--R
                        b n
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 389
--S 390 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 390
)clear all
--S 391 of 1394
t0:=1/(x*(2+b*x^n))
--R
--R
--R
            1
```

```
(1) -----
--R
         n
--R
       b x x + 2x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 391
--S 392 of 1394
r0:=-atanh(1+b*x^n)/n
--R
--R
--R
     atanh(b x + 1)
--R
    (2) - -----
--R
--R
              n
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 392
--S 393 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   --R
--R
--R (3) -----
--R
                       2n
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 393
--S 394 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
     n log(x) n
- log(b %e + 2) + 2atanh(b x + 1) + n log(x)
--R
--R
--R
--R
                               2n
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 394
--S 395 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 395
)clear all
--S 396 of 1394
```

```
t0:=x^{(-1-n)}/(2+b*x^n)
--R
--R
--R
       - n - 1
--R
      X
--R (1) -----
--R
      b x + 2
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 396
--S 397 of 1394
r0:=(-1/2)/(n*x^n)+1/2*b*atanh(1+b*x^n)/n
--R
--R
--R
         n n
--R b x atanh(b x + 1) - 1
--R (2) -----
--R
--R
              2n x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 397
--S 398 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3) -----
--R
                              n log(x)
--R
                          4n %e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 398
--S 399 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
    n n log(x) n log(x)
--R
--R
      b x %e log(b %e + 2)
--R.
--R
                                  n n \log(x) n
      (-2b \times atanh(b \times + 1) - b \cdot n \log(x)x + 2)\%e - 2x
--R
--R /
      n n log(x)
--R
     4n x %e
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 399
```

```
--S 400 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 400
)clear all
--S 401 of 1394
t0:=x^{-1-2*n}/(2+b*x^n)
--R
--R
--R
        - 2n - 1
     x ---
--R
--R (1) -----
--R
       n
       b x + 2
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 401
--S 402 of 1394
r0:=(-1/4)/(n*x^(2*n))+1/4*b/(n*x^n)-1/4*b^2*atanh(1+b*x^n)/n
--R
--R
--R
         2 n 2n
                  n 2n n
--R
        - b x x a tanh(b x + 1) + b x - x
--R (2) -----
--R
                       n 2n
--R
                    4n \times x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 402
--S 403 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
         2 n log(x) 2 n log(x) 2 n log(x) 2
--R
      - b (%e ) log(b %e + 2) + b n log(x)(%e )
--R
--R
--R
       n \log(x)
      2b %e - 2
--R
--R /
      n log(x) 2
--R
      8n (%e )
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 403
```

```
--S 404 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
        2 n 2n n log(x) 2 n log(x)
--R
      - b x x (%e ) log(b %e + 2)
--R
--R
                          2 n 2n n n log(x) 2
         2 n 2n
--R
                    n
--R
      (2b \times x \quad atanh(b \times + 1) + (b n \log(x)x - 2b)x + 2x) (%e)
--R
--R
         n 2n n log(x) n 2n
      2b x x %e - 2x x
--R
--R /
--R
       n 2n n log(x) 2
--R
      8n x x (%e )
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 404
--S 405 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 405
)clear all
--S 406 of 1394
t0:=x^{(-1-3*n)/(2+b*x^n)}
--R
--R
--R
        - 3n - 1
      x
--R
--R (1) -----
         n
--R
       b x + 2
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 406
--S 407 of 1394
r0:=(-1/6)/(n*x^(3*n))+1/8*b/(n*x^(2*n))-1/8*b^2/(n*x^n)+_
   1/8*b^3*atanh(1+b*x^n)/n
--R
--R
        3 n 2n 3n n 2 2n n 3n n 2n
--R
    3b x x x atanh(b x + 1) + (- 3b x + 3b x )x - 4x x
--R
--R (2) -----
```

```
--R
                              n 2n 3n
--R
                           24n x x x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 407
--S 408 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
    3 n log(x) 3 n log(x) 3 n log(x) 3
--R
      3b (%e ) log(b %e + 2) - 3b n log(x)(%e )
--R
--R
         2 n log(x) 2 n log(x)
--R
--R
       - 6b (%e ) + 6b %e - 8
--R /
--R
       n log(x) 3
      48n (%e )
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 408
--S 409 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
        3 n 2n 3n n log(x) 3 n log(x)
--R
--R
       3b x x x (%e ) log(b %e + 2)
--R
--R
            3 n 2n 3n
         - 6b \times x \times atanh(b \times + 1)
--R
--R
              3 n 2 2n n 3n n 2n
--R
--R
         ((-3b n log(x)x + 6b)x - 6b x)x + 8x x
--R
--R
          n log(x) 3
        (%e )
--R
--R
         2 n 2n 3n n log(x) 2 n 2n 3n n log(x) n 2n 3n
--R
       - 6b x x x (%e ) + 6b x x x %e - 8x x x
--R
--R /
--R
        n 2n 3n n log(x) 3
--R
      48n x x x (%e )
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 409
--S 410 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 410
)clear all
--S 411 of 1394
t0:=x^{-1+4*n}/(a+b*x^n)^2
--R
--R
--R
               4n - 1
--R
   (1) -----
--R
        2 n 2 n
--R
--R
       b(x) + 2abx + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 411
--S 412 of 1394
r0:=-2*a*x^n/(b^3*n)+1/2*x^(2*n)/(b^2*n)+a^3/(b^4*n*(a+b*x^n))+_
    3*a^2*log(a+b*x^n)/(b^4*n)
--R
--R
--R (2)
--R
    2 n 3 n 3 n 2 2n 2 n 2 n 3
--R
    (6a b x + 6a) \log(b x + a) + (b x + a b) x - 4a b (x) - 4a b x + 2a
--R
--R
                             5 n 4
--R
                            2b n x + 2a b n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 412
--S 413 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         2 n log(x) 3 n log(x) 3 n log(x) 3
--R
       (6a b %e + 6a )log(b %e + a) + b (%e )
--R
--R
         2 n log(x) 2 2 n log(x) 3
--R
       - 3a b (%e ) - 4a b %e + 2a
--R
--R /
--R.
      5 	 n log(x)
      2b n %e + 2a b n
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 413
--S 414 of 1394
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4)
          2 2 n 3 n log(x) 3 n 4 n log(x)
--R
       ((6a b x + 6a b)%e + 6a b x + 6a )log(b %e + a)
--R
--R
           2 2 n 3 n log(x) 3 n
--R
      ((-6abx - 6ab)\%e - 6abx - 6a)log(bx + a)
--R
--R
        4 n 3 n log(x) 3
--R
                                3 n
                                      2 2 n log(x) 2
--R
      (b x + a b)(\%e ) + (- 3a b x - 3a b)(%e
--R
         4 n 3 2n 3 n 2 3 n log(x) 3 n 2 2 2n
--R
      ((-bx -ab)x + 4ab(x) - 6ab)%e + (-abx -ab)x
--R
--R
--R
        22 n2 3 n
--R
      4a b (x ) + 6a b x
--R /
--R
       6 n 5 n log(x) 5 n 2 4
      (2b n x + 2a b n)\%e + 2a b n x + 2a b n
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 414
--S 415 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 415
)clear all
--S 416 of 1394
t0:=x^{-1+3*n}/(a+b*x^n)^2
--R
--R
--R
              3n - 1
--R
             x
   (1) -----
--R
        2 n 2 n
--R
       b(x) + 2a b x + a
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 416
--S 417 of 1394
r0:=x^n/(b^2*n)-a^2/(b^3*n*(a+b*x^n))-2*a*log(a+b*x^n)/(b^3*n)
--R
--R
              --R
```

```
--R (- 2a b x - 2a )log(b x + a) + b (x ) + a b x - a
--R (2) -----
--R
                     4 n 3
--R
                     bnx +abn
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 417
--S 418 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
     --R
--R
--R
--R
      n \log(x) 2
     a b %e - a
--R
--R /
--R
     4 n log(x) 3
--R
    bn %e + abn
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 418
--S 419 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
        2 n 2 n log(x) 2 n 3 n log(x)
--R
     ((- 2a b x - 2a b)%e - 2a b x - 2a )log(b %e + a)
--R
--R
          2 n 2 n log(x) 2 n 3 n
--R
--R
     ((2a b x + 2a b)\%e + 2a b x + 2a)log(b x + a)
--R
       3 n 2 n log(x) 2 3 n 2 2 n log(x) 2 n 2
--R
     (b x + a b)(\%e ) + (-b (x) + 2a b)\%e - a b (x)
--R
--R
        2 n
--R
     - 2a b x
--R
--R /
      5 n 4 n log(x) 4 n 23
--R
     (b n x + a b n)\%e + a b n x + a b n
--R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 419
--S 420 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 420
)clear all
--S 421 of 1394
t0:=x^{-1+2*n}/(a+b*x^n)^2
--R
--R
             2n - 1
--R
             X
--R (1) -----
       2 n 2 n
--R
      b(x) + 2abx + a
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 421
--S 422 of 1394
r0:=a/(b^2*n*(a+b*x^n))+log(a+b*x^n)/(b^2*n)
--R
--R
--R
        n n
--R (2) -----
        3 n 2
--R
           bnx +abn
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 422
--S 423 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         n log(x) n log(x)
--R
--R
      (b %e + a)log(b %e + a) + a
--R (3) -----
               3 n log(x) 2
--R
              bn %e + abn
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 423
--S 424 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
     2 n n log(x) n 2 n log(x)
((b x + a b)%e + a b x + a )log(b %e + a)
--R
--R
--R
--R
        2 n 	 n log(x) 	 n 2 	 n
                                                    n log(x)
```

```
((-bx -ab)%e -abx -a)log(bx +a) -ab %e
--R
--R
--R
   n
abx
          n
--R
--R /
      4 n 3 n log(x) 3 n 22
--R
     (b n x + a b n)%e + a b n x + a b n
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 424
--S 425 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 425
)clear all
--S 426 of 1394
t0:=x^{-1+n}/(a+b*x^n)^2
--R
--R
     n - 1
x
--R
--R
--R (1) -----
       2 n 2 n 2
--R
--R
       b(x) + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 426
--S 427 of 1394
r0:=(-1)/(b*n*(a+b*x^n))
--R
--R
--R
              1
--R (2) - -----
    2 н
bnx + abn
--R
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 427
--S 428 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
--R 2 n log(x)
```

```
--R
         bn %e + abn
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 428
--S 429 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                   n log(x) n
                  %e - x
--R
--R
    (4) -----
         2 n n log(x) n
--R
        (b n x + a b n)\%e + a b n x + a n
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 429
--S 430 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 430
)clear all
--S 431 of 1394
t0:=1/(x*(a+b*x^n)^2)
--R
--R
--R
              1
--R
   (1) -----
       2 n 2 n 2
--R
--R
        b x (x ) + 2a b x x + a x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 431
--S 432 of 1394
r0:=1/(a*n*(a+b*x^n))+log(x)/a^2-log(a+b*x^n)/(a^2*n)
--R
                n
--R
           n
                                  n
--R.
       (-b x - a)\log(b x + a) + b n \log(x)x + a n \log(x) + a
--R
    (2) -----
--R
                         2 n 3
--R
                         abnx + an
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 432
--S 433 of 1394
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R
     a n log(x) + a
--R /
    2 n log(x) 3
--R
--R
    abn %e + an
--R
                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 433
--S 434 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
     2 n n log(x) n 2 n log(x)
((-bx-ab)%e -abx-a)log(b%e +a)
--R
--R
--R
    --R
--R
--R
    n
abx
--R
--R
--R /
     2 2 n 3 n log(x) 3 n 4
--R
--R
    (abnx + abn)%e + abnx + an
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 434
--S 435 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 435
)clear all
--S 436 of 1394
t0:=x^{(-1-n)}/(a+b*x^n)^2
--R
--R
           - n - 1
--R
    х
- п
--R
--R (1) -----
```

```
2 n 2 n 2
--R
--R
        b(x) + 2abx + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 436
--S 437 of 1394
r0:=(-2)/(a^2*n*x^n)+1/(a*n*x^n*(a+b*x^n))-2*b*log(x)/a^3+_
    2*b*log(a+b*x^n)/(a^3*n)
--R
--R (2)
         2 n 2 n
--R
                            n
       (2b (x) + 2a b x) \log(b x + a) - 2b n \log(x)(x)
--R
--R
--R
                           n
--R
      (- 2a b n log(x) - 2a b)x - a
--R /
--R
      3 n2 4 n
     abn(x) + anx
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 437
--S 438 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
         2 \quad n \log(x) \quad 2 \qquad \qquad n \log(x) \qquad \qquad n \log(x)
--R
--R
      (2b (%e ) + 2a b %e )log(b %e + a)
--R
          2 n log(x) 2
--R
                                                    n \log(x) 2
      - 2b \ n \ log(x) (%e ) + (- 2a \ b \ n \ log(x) - 2a \ b)%e - a
--R
--R /
     3 n log(x) 2 4 n log(x)
--R
--R
      abn (%e ) + an %e
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 438
--S 439 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R.
           3 n 2 2 n n log(x) 2 2 n 2 2 n n log(x)
         ((2b (x ) + 2a b x )(%e ) + (2a b (x ) + 2a b x )%e )
--R
--R
--R
           n log(x)
--R
         log(b %e + a)
--R
--R
               3 n 2 2 n n log(x) 2
```

```
(-2b (x) - 2a b x)(\%e
--R
--R
--R
                  2 n 2 2 n n log(x)
--R
            (- 2a b (x ) - 2a b x )%e
--R
--R
--R
          log(b x + a)
--R
            2 n 2 n log(x) 2 2 n 2 3 n log(x) 2 n 2
--R
       (2a b x + a b)(\%e ) + (- 2a b (x ) + a )%e - a b (x )
--R
--R
--R
           3 n
--R
        - a x
--R /
--R
        3 2 n 2 4 n n log(x) 2 4 n 2 5 n n log(x)
--R
       (a b n (x ) + a b n x )(%e ) + (a b n (x ) + a n x )%e
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 439
--S 440 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 440
)clear all
--S 441 of 1394
t0:=x^{(-1-2*n)/(a+b*x^n)^2}
--R
--R
--R
                - 2n - 1
--R
               x
--R (1) -----
          2 n 2 n 2
--R
--R
        b(x) + 2abx + a
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 441
--S 442 of 1394
 \texttt{r0:=}(-3/2)/(\texttt{a}^2*\texttt{n}*\texttt{x}^(2*\texttt{n})) + 3*\texttt{b}/(\texttt{a}^3*\texttt{n}*\texttt{x}^\texttt{n}) + 1/(\texttt{a}*\texttt{n}*\texttt{x}^(2*\texttt{n})*(\texttt{a}+\texttt{b}*\texttt{x}^\texttt{n})) + \_ 
    3*b^2*log(x)/a^4-3*b^2*log(a+b*x^n)/(a^4*n)
--R
--R
--R (2)
            3 n 2 2 n 2n n
--R
       (-6b(x) - 6abx)x log(bx + a)
--R
--R
```

```
3 n 2 2 2 n 2 2n 2 n 2
--R
      (6b \ n \ log(x)(x) + (6a \ b \ n \ log(x) + 6a \ b)x + 6a \ b)x - 3a \ b \ (x)
--R
--R
--R.
        3 n
--R
      - a x
--R /
       4 n 2 5 n 2n
--R
--R
     (2a b n (x) + 2a n x)x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 442
--S 443 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
         3 \quad n \log(x) \quad 3 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 2 \quad n \log(x)
       (- 6b (%e ) - 6a b (%e ) )log(b %e + a)
--R
--R
       3 n log(x) 3 2 2 n log(x) 2
--R
--R
       6b n log(x)(%e ) + (6a b n log(x) + 6a b )(%e )
--R
       2 n log(x) 3
--R
--R
       3a b %e - a
--R /
      4 n log(x) 3 5 n log(x) 2
--R
--R
      2a b n (%e ) + 2a n (%e )
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 443
--S 444 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
             4 n 2 3 n 2n n log(x) 3
--R
--R
          (- 6b (x ) - 6a b x )x (%e )
--R
               3 n 2 2 2 n 2n n log(x) 2
--R
--R
          (- 6a b (x ) - 6a b x )x (%e )
--R
--R
             n log(x)
--R.
         log(b %e + a)
--R
            4 n 2 3 n 2n n log(x) 3
--R
--R
          (6b (x) + 6a b x)x (\%e
--R
             3 n 2 2 2 n 2n n log(x) 2
--R
          (6a b (x) + 6a b x)x (\%e
--R
--R
```

```
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
              3 n 2 2 2n 2 2 n 2 3 n n log(x) 3
--R
        ((-6abx - 6ab)x + 3ab(x) + abx)(\%e
--R
             3 n 2 \qquad 3 \qquad 2n \qquad 3 \qquad n \ 2 \qquad 4 \ n \qquad n \ log(x) \ 2
--R
--R
       ((6a b (x) - 6a b)x + 3a b (x) + a x)(%e
--R
          --R
--R
        (3a b (x) + 3a b x)x \%e + (-ab (x) - ax)x
--R /
          4 2 n 2 5 n 2n n log(x) 3
--R
--R
        (2a b n (x) + 2a b n x)x (%e
--R
--R
         5 n 2 6 n 2n n log(x) 2
--R
        (2a b n (x ) + 2a n x )x (%e )
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 444
--S 445 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 445
)clear all
--S 446 of 1394
t0:=x^{(-1-3*n)/(a+b*x^n)^2}
--R
--R
--R
               - 3n - 1
--R
             x
   (1) -----
--R
         2 n 2 n
--R
--R
        b(x) + 2abx + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 446
--S 447 of 1394
r0:=(-4/3)/(a^2*n*x^(3*n))+2*b/(a^3*n*x^(2*n))-4*b^2/(a^4*n*x^n)+_
    1/(a*n*x^{(3*n)}*(a+b*x^n))-4*b^3*log(x)/a^5+4*b^3*log(a+b*x^n)/(a^5*n)
--R
--R
--R
    (2)
--R
           4 n 2 3 n 2n 3n
--R
        (12b (x) + 12a b x)x x log(b x + a)
```

```
--R
           4 n 2
                                      3 n 2 2 2n
                          3
--R
--R
         (-12b n log(x)(x) + (-12a b n log(x) - 12a b)x - 12a b)x
--R
--R
          22 n2 3 n
--R
         6ab(x) + 6abx
--R
--R
        3n
--R
       x
--R
        3 n 2 4 n 2n
--R
      (-4ab(x) -ax)x
--R
--R /
       5 n 2 6 n 2n 3n
--R
--R
      (3a b n (x) + 3a n x)x x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 447
--S 448 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
        4 n \log(x) 4 3 n \log(x) 3 n \log(x)
--R
      (12b (%e ) + 12a b (%e ) )log(b %e + a)
--R
         4 n log(x) 4
--R
                                            3 n log(x) 3
       - 12b n log(x)(%e ) + (- 12a b n log(x) - 12a b)(%e )
--R
--R
       2 2 n log(x) 2 3 n log(x) 4
--R.
--R
       - 6a b (%e ) + 2a b %e
--R /
      5 n log(x) 4 6 n log(x) 3
--R
      3a b n (%e ) + 3a n (%e )
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 448
--S 449 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
            5 n 2 4 n 2n 3n n log(x) 4
         (12b (x ) + 12a b x )x x (%e )
--R.
--R
--R
              4 n 2 2 3 n 2n 3n n log(x) 3
--R
         (12a b (x) + 12a b x)x x (%e)
--R
          n log(x)
--R
--R
        log(b %e + a)
```

```
--R
           5 n 2 4 n 2n 3n n log(x) 4
--R
--R
          (- 12b (x ) - 12a b x )x x (%e )
--R
--R
                4 n 2 2 3 n 2n 3n n log(x) 3
--R
         (- 12a b (x ) - 12a b x )x x (%e )
--R
--R
        log(b x + a)
--R
--R
--R
               4 n 2 3 2n 2 3 n 2 3 2 n 3n
          ((12a b x + 12a b)x - 6a b (x) - 6a b x)x
--R
--R
            3 2 n 2 4 n 2n
--R
--R
          (4a b (x ) + a b x )x
--R
--R
          n \log(x) 4
         (%e )
--R
--R
--R
                4 n 2 3 2 2n 3 2 n 2 4 n 3n
--R
          ((- 12a b (x ) + 12a b )x - 6a b (x ) - 6a b x )x
--R
           4 n 2 5 n 2n
--R
--R
         (4a b (x) + a x)x
--R
          n log(x) 3
--R
--R
--R
--R
          23 n2 32 n 2n 3n n log(x) 2
--R.
       (- 6a b (x ) - 6a b x )x x (%e )
--R
          3 2 n 2 4 n 2n 3n n log(x) 4 n 2 5 n 2n 3n
--R
       (2a b (x) + 2a b x)x x \%e + (-a b (x) - a x)x x
--R
--R /
--R
         5 2 n 2 6 n 2n 3n n log(x) 4
--R
      (3a b n (x ) + 3a b n x )x x (%e )
--R
--R
              n 2 7 n 2n 3n n log(x) 3
--R
       (3a b n (x) + 3a n x)x x (%e)
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 449
--S 450 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 450
```

```
)clear all
--S 451 of 1394
t0:=x^{(-1+4*n)/(a+b*x^n)^3}
--R
--R
--R
                      4n - 1
--R
                     x
--R (1) -----
         3 n 3 2 n 2
--R
                               2 n 3
--R
        b(x) + 3ab(x) + 3abx + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 451
--S 452 of 1394
 \texttt{r0:=x^n/(b^3*n)+1/2*a^3/(b^4*n*(a+b*x^n)^2)-3*a^2/(b^4*n*(a+b*x^n))-\_ } 
    3*a*log(a+b*x^n)/(b^4*n)
--R.
--R
--R (2)
--R
            2 n 2 2 n 3 n 3 n 3 2 n 2
--R
       (- 6a b (x ) - 12a b x - 6a )log(b x + a) + 2b (x ) + 4a b (x )
--R
--R
          2 n 3
--R
        - 4a b x - 5a
--R /
--R
       6 n 2 5 n 2 4
--R
      2b n (x) + 4a b n x + 2a b n
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 452
--S 453 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
            2 \quad n \log(x) \quad 2 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 3 \quad n \log(x)
--R
        (- 6a b (%e ) - 12a b %e - 6a )log(b %e + a)
--R
--R
--R
         3 \quad n \log(x) \quad 3 \quad 2 \quad n \log(x) \quad 2 \quad 2 \quad n \log(x)
        2b (%e ) + 4a b (%e ) - 4a b %e
--R
--R /
--R
       6 n \log(x) 2 5 n \log(x) 2 4
      2b n (%e ) + 4a b n %e
--R
                                     + 2a b n
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 453
--S 454 of 1394
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
   (4)
--R
--R
              4 n 2 2 3 n 3 2 n log(x) 2
--R
          (- 6a b (x ) - 12a b x - 6a b )(%e )
--R
--R
               2 3 n 2
                        32n 4 nlog(x) 32n2 4 n
--R
          (-12a b (x) - 24a b x - 12a b)\%e -6a b (x) - 12a b x
--R
--R
            5
         - 6a
--R
--R
--R
              n log(x)
         log(b %e + a)
--R
--R
--R
             4 n 2 2 3 n 3 2 n log(x) 2
--R
          (6a b (x ) + 12a b x + 6a b )(%e )
--R
--R
            23 n 2 32 n 4 n log(x) 32 n 2 4 n
--R
          (12a b (x) + 24a b x + 12a b)\%e + 6a b (x) + 12a b x
--R
--R
--R
         6a
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
         5 n 2 4 n 2 3 n log(x) 3
--R
--R
       (2b (x) + 4a b x + 2a b)(\%e
--R
          5 n 3 2 3 n 3 2 n log(x) 2
--R
--R
       (-2b (x) + 12a b x + 9a b)(\%e)
--R
                    23 n 2 4 n log(x) 23 n 3 32 n 2
--R
           4 n 3
       (- 4a b (x ) - 12a b (x ) + 6a b)%e - 2a b (x ) - 9a b (x )
--R
--R
--R
       - 6a b x
--R
--R /
--R
        8 n 2 7 n 2 6 n log(x) 2
--R
       (2b n (x) + 4a b n x + 2a b n) (\%e
--R
--R
          7 n 2 2 6 n 3 5 n log(x) 2 6 n 2 3 5 n
--R.
       (4a b n (x ) + 8a b n x + 4a b n)%e + 2a b n (x ) + 4a b n x
--R
--R
       4 4
--R
       2a b n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 454
--S 455 of 1394
```

```
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 455
)clear all
--S 456 of 1394
t0:=x^{-1+3*n}/(a+b*x^n)^3
--R
--R
--R
                    3n - 1
--R
                   X
--R (1) -----
--R
        3 n 3 \qquad 2 n 2 \qquad 2 n
--R
       b(x) + 3ab(x) + 3abx + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 456
--S 457 of 1394
{\tt r0:=-1/2*a^2/(b^3*n*(a+b*x^n)^2)+2*a/(b^3*n*(a+b*x^n))+log(a+b*x^n)/(b^3*n)}
--R
--R
--R
           --R
        (2b (x) + 4a b x + 2a) \log(b x + a) + 4a b x + 3a
--R
                  5 n 2 4 n 2 3
--R
--R
                  2b n (x) + 4a b n x + 2a b n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 457
--S 458 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
         2 n log(x) 2 n log(x) 2 n log(x)
--R
       (2b (%e ) + 4a b %e + 2a )log(b %e + a)
--R
--R
--R
         n \log(x) 2
--R
       4a b %e + 3a
--R /
      5 n \log(x) 2 4 n \log(x) 2 3
--R
      2b n (%e ) + 4a b n %e + 2a b n
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 458
--S 459 of 1394
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
           4 n 2 3 n 2 2 n log(x) 2
--R
--R
         (2b (x) + 4a b x + 2a b)(\%e
--R
             3 n 2 2 2 n 3 n log(x) 2 2 n 2 3 n 4
--R
         (4a b (x) + 8a b x + 4a b)\%e + 2a b (x) + 4a b x + 2a
--R
--R
--R
             n log(x)
        log(b %e + a)
--R
--R
             4 n 2 3 n 2 2 n log(x) 2
--R
--R
         (- 2b (x ) - 4a b x - 2a b )(%e )
--R
             3 n 2 2 2 n 3 n log(x) 2 2 n 2 3 n 4
--R
         (- 4a b (x ) - 8a b x - 4a b)%e - 2a b (x ) - 4a b x - 2a
--R
--R
--R
--R
        log(b x + a)
--R
         3 n 2 2 n log(x) 2 3 n 2 3 n log(x)
--R
--R
       (-4a b x - 3a b)(\%e ) + (4a b (x) - 2a b)\%e
--R
--R
         2 2 n 2 3 n
--R
       3a b (x) + 2a b x
--R /
--R
        7 n 2 6 n 2 5 n log(x) 2
--R
       (2b n (x) + 4a b n x + 2a b n)(\%e
--R
--R
          6 n 2 2 5 n 3 4 n log(x) 2 5 n 2 3 4 n
       (4a b n (x) + 8a b n x + 4a b n)%e + 2a b n (x) + 4a b n x
--R
--R
--R
        4 3
--R
       2a b n
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 459
--S 460 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 460
)clear all
--S 461 of 1394
```

```
t0:=x^{-1+2*n}/(a+b*x^n)^3
--R
--R
--R
                  2n - 1
--R
                  X
--R (1) -----
       3 n 3 2 n 2 2 n 3
--R
--R
      b(x) + 3ab(x) + 3abx + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 461
--S 462 of 1394
r0:=1/2*x^(2*n)/(a*n*(a+b*x^n)^2)
--R
--R
--R
                   2n
--R
                  X
--R (2) -----
        2 n 2 2 n 3
--R
--R
       2a b n (x) + 4a b n x + 2a n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 462
--S 463 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                      n log(x)
                  - 2b %e - a
--R
--R
    (3) -----
        4 n log(x) 2 3 n log(x) 2 2
--R
--R
        2b n (\%e ) + 4a b n \%e + 2a b n
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 463
--S 464 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
        4 2n n log(x) 2
--R
--R
       - b x (%e )
--R.
--R
          3 2n 3 n 2 2 2 n 3 n log(x) 2 2 2n
--R
       (- 2a b x - 2a b (x ) - 4a b x - 2a b)%e - a b x
--R
--R
        22 n 2 3 n 4
--R
       -ab(x) -2abx -a
--R /
--R
         6 n 2 2 5 n 3 4 n log(x) 2
```

```
(2a b n (x) + 4a b n x + 2a b n)(\%e
--R
--R
--R
         25 n2 34 n 43 nlog(x) 34 n2 43 n
--R
       (4a b n (x ) + 8a b n x + 4a b n)%e + 2a b n (x ) + 4a b n x
--R
       5 2
--R
--R
       2a b n
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 464
--S 465 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 465
)clear all
--S 466 of 1394
t0:=x^{-1+n}/(a+b*x^n)^3
--R
--R
--R
                    n - 1
--R
--R
        3 n 3 2 n 2 2 n 3
--R
--R
        b(x) + 3ab(x) + 3abx + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 466
--S 467 of 1394
r0:=(-1/2)/(b*n*(a+b*x^n)^2)
--R
--R
--R
                    1
--R (2) - -----
         3 n 2 2 n
--R
        2b n (x) + 4a b n x + 2a b n
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 467
--S 468 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
          3 n \log(x) 2 2 n \log(x) 2
--R
```

```
) + 4a b n %e + 2a b n
--R
         2b n (%e
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 468
--S 469 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
        n \log(x) 2 n \log(x) n 2 n
--R
--R
      b (%e ) + 2a %e - b (x ) - 2a x
--R /
         4 n 2 3 n 2 2 n log(x) 2
--R
       (2b n (x) + 4a b n x + 2a b n) (\%e
--R
--R
--R
         3 n 2 2 2 n 3 n log(x) 2 2 n 2 3 n
--R
       (4a b n (x) + 8a b n x + 4a b n)\%e + 2a b n (x) + 4a b n x
--R
--R
        4
--R
       2a n
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 469
--S 470 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 470
)clear all
--S 471 of 1394
t0:=1/(x*(a+b*x^n)^3)
--R
--R
--R
--R (1) -----
        3 n 3 2 n 2 2 n 3
--R
       b x (x ) + 3a b x (x ) + 3a b x x + a x
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 471
--S 472 of 1394
r0:=1/2/(a*n*(a+b*x^n)^2)+1/(a^2*n*(a+b*x^n))+log(x)/a^3-log(a+b*x^n)/(a^3*n)
--R
--R
--R (2)
--R
```

```
--R
      (-2b (x) - 4a b x - 2a) \log(b x + a) + 2b n \log(x)(x)
--R
                     n 2
--R
--R
       (4a b n log(x) + 2a b)x + 2a n log(x) + 3a
--R /
      3 2 n 2 4 n 5
--R
--R
      2a b n (x) + 4a b n x + 2a n
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 472
--S 473 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
          2 \quad n \log(x) \quad 2 \qquad \qquad n \log(x) \qquad \qquad 2 \qquad \qquad n \log(x)
--R.
       (- 2b (%e ) - 4a b %e - 2a )log(b %e + a)
--R
        2 n log(x) 2
--R
                                                n \log(x) 2
        2b \ n \ log(x) (%e ) + (4a \ b \ n \ log(x) + 2a \ b)%e + 2a \ n \ log(x)
--R
--R
--R
        2
--R
        3a
--R /
      3\ 2 \qquad n \log(x) \ 2 \qquad 4 \qquad n \log(x) \qquad 5
--R
--R
      2a b n (%e ) + 4a b n %e + 2a n
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 473
--S 474 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
              4 n 2 3 n 2 2 n log(x) 2
--R
          (- 2b (x ) - 4a b x - 2a b )(%e )
--R
--R.
         --R
--R
--R
--R
              n log(x)
--R
         log(b %e + a)
--R.
--R
            4 n 2 3 n 2 2 n log(x) 2
--R
          (2b (x) + 4a b x + 2a b)(\%e
--R
--R
             3 n 2 2 2 n 3 n log(x) 2 2 n 2 3 n 4
--R
          (4a b (x) + 8a b x + 4a b)\%e + 2a b (x) + 4a b x + 2a
--R
--R
               n
```

```
--R
        log(b x + a)
--R
--R
           3 n 2 2 n log(x) 2 3 n 2 3 n log(x)
--R
       (-2a b x - 3a b)(\%e ) + (2a b (x) - 4a b)\%e
--R
--R
         2 2 n 2 3 n
--R
       3a b (x ) + 4a b x
--R /
         34 n2 43 n 52 n log(x) 2
--R
--R
       (2a b n (x) + 4a b n x + 2a b n) (%e
--R
         43 n2 52 n 6 n log(x) 52 n2 6 n
--R
       (4a b n (x ) + 8a b n x + 4a b n)%e + 2a b n (x ) + 4a b n x
--R
--R
--R
        7
--R
       2a n
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 474
--S 475 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 475
)clear all
--S 476 of 1394
t0:=x^{-1-n}/(a+b*x^n)^3
--R
--R
--R
                   - n - 1
--R
                  X
--R (1) -----
        3 n 3 2 n 2 2 n 3
--R
--R
       b(x) + 3ab(x) + 3abx + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 476
--S 477 of 1394
3*b*log(x)/a^4+3*b*log(a+b*x^n)/(a^4*n)
--R.
--R
--R (2)
--R
         3 n 3 \qquad 2 n 2 \qquad 2 \qquad n \qquad \qquad n
      (6b (x) + 12a b (x) + 6a b x) \log(b x + a) - 6b n \log(x)(x)
--R
--R
```

```
2 2 n 2 2 n 3
--R
--R (- 12a b n log(x) - 6a b )(x ) + (- 6a b n log(x) - 9a b)x - 2a
--R /
--R
      4 2 n 3 5
                      n 2 6 n
--R
    2a b n (x) + 4a b n (x) + 2a n x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 477
--S 478 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
          3 n log(x) 3 2 n log(x) 2 2 n log(x)
--R
        (6b (%e ) + 12a b (%e ) + 6a b %e )
--R
--R
--R
          n log(x)
       log(b %e + a)
--R
--R
         3 n log(x) 3 2 2 n log(x) 2
--R
      - 6b n log(x)(%e ) + (- 12a b n log(x) - 6a b )(%e )
--R
--R
--R
                    2 n log(x) 3
--R
       (- 6a b n log(x) - 9a b)%e - 2a
--R /
      4\ 2 \quad n \log(x) \ 3 \quad 5 \quad n \log(x) \ 2 \quad 6 \quad n \log(x)
--R
--R
      2a b n (%e ) + 4a b n (%e ) + 2a n %e
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 478
--S 479 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
           5 n 3 4 n 2 2 3 n n log(x) 3
--R
--R
         (6b (x) + 12a b (x) + 6a b x)(\%e
--R
             4 n 3 2 3 n 2 3 2 n n log(x) 2
--R
--R
         (12a b (x) + 24a b (x) + 12a b x)(\%e
--R
           23 n3 32 n2 4 n n log(x)
--R
--R
         (6a b (x) + 12a b (x) + 6a b x)%e
--R
--R
          n log(x)
         log(b %e + a)
--R
--R
            5 n 3 4 n 2 2 3 n n log(x) 3
--R
         (-6b(x) -12ab(x) -6abx)(%e)
--R
--R
```

```
4 n 3 2 3 n 2 3 2 n n log(x) 2
--R
--R
          (- 12a b (x ) - 24a b (x ) - 12a b x )(%e )
--R
--R
                        3 2 n 2
                                  4 n n log(x)
              2 3 n 3
--R
         (- 6a b (x ) - 12a b (x ) - 6a b x )%e
--R
--R
             n
--R
        log(b x + a)
--R
          4 n 2 2 3 n 3 2 n log(x) 3
--R
--R
       (6a b (x ) + 9a b x + 2a b )(%e )
--R
           4 n 3 3 2 n 4 n log(x) 2
--R
--R
       (- 6a b (x ) + 12a b x + 4a b)(%e
--R
          23 n 3 32 n 2 5 n log(x) 32 n 3 4 n 2
--R
--R.
       (- 9a b (x ) - 12a b (x ) + 2a )%e - 2a b (x ) - 4a b (x )
--R
--R
         5 n
--R
       - 2a x
--R /
--R
         44 n3 53 n2 62 n nlog(x) 3
--R
       (2a b n (x) + 4a b n (x) + 2a b n x)(%e)
--R
--R
         53 n3 62 n2
                               7 n n log(x) 2
--R
       (4a b n (x) + 8a b n (x) + 4a b n x)(%e
--R
--R
         62 n3 7 n2 8 n n log(x)
--R
       (2a b n (x) + 4a b n (x) + 2a n x)%e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 479
--S 480 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 480
)clear all
--S 481 of 1394
t0:=x^{(-1-2*n)/(a+b*x^n)^3}
--R
--R
--R
                   - 2n - 1
--R
--R (1) -----
        3 n 3 2 n 2 2 n 3
--R
```

```
--R b (x) + 3a b (x) + 3a b x + a
--R
                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 481
--S 482 of 1394
r0:=(-3)/(a^3*n*x^(2*n))+6*b/(a^4*n*x^n)+1/2/(a*n*x^(2*n)*(a+b*x^n)^2)+_=(-3)/(a^3*n*x^(2*n))+6*b/(a^4*n*x^n)+1/2/(a*n*x^(2*n))+(a+b*x^n)^2)+_=(-3)/(a^3*n*x^(2*n))+6*b/(a^4*n*x^n)+1/2/(a*n*x^(2*n))+(a+b*x^n)^2)+_=(-3)/(a^3*n*x^(2*n))+6*b/(a^4*n*x^n)+1/2/(a*n*x^(2*n))+(a+b*x^n)^2)+_=(-3)/(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*n))+(a^3*n*x^(2*
           2/(a^2*n*x^2(2*n)*(a+b*x^n))+6*b^2*log(x)/a^5-6*b^2*log(a+b*x^n)/(a^5*n)
--R
--R
          (2)
--R
                               4 n 3 3 n 2 2 2 n 2n n
                     (- 12b (x ) - 24a b (x ) - 12a b x )x log(b x + a)
--R
--R
--R
                                                           n 3
                                                                                     3
                            12b n log(x)(x) + (24a b n log(x) + 12a b)(x)
--R
--R
--R
                                      2 2
                                                                         2 2 n
--R
                            (12a b n log(x) + 24a b)x + 12a b
--R
--R
                          2n
--R
                         x
--R
--R
                          22 n 3 3 n 2 4 n
--R
                    - 6a b (x ) - 8a b (x ) - a x
--R /
                    5 2 n 3 6 n 2 7 n 2n
--R
--R
                  (2a b n (x) + 4a b n (x) + 2a n x)x
--R
                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 482
--S 483 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             (3)
                              4 n log(x) 4 3 n log(x) 3 2 2 n log(x) 2
--R
--R
                        (- 12b (%e ) - 24a b (%e ) - 12a b (%e ))
--R
--R
                                        n log(x)
--R
                         log(b %e + a)
--R
                          4 n log(x) 4 3
                                                                                                                                   3 n log(x) 3
--R
                     12b n log(x)(%e ) + (24a b n log(x) + 12a b )(%e )
--R.
--R.
--R
                              2 2
                                                                2\ 2 \quad n \log(x) \ 2 \quad 3 \quad n \log(x) \quad 4
--R
                      (12a b n log(x) + 18a b)(\%e ) + 4a b %e
--R /
                      5\ 2 n \log(x) 4 6 n \log(x) 3 7 n \log(x) 2
--R
                  2a b n (%e ) + 4a b n (%e ) + 2a n (%e )
--R
--R
                                                                                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--E 483
--S 484 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
              6 n 3 5 n 2 2 4 n 2n n log(x) 4
--R
          (- 12b (x ) - 24a b (x ) - 12a b x )x (%e )
--R
--R
--R
                5 n 3 2 4 n 2 3 3 n 2n n log(x) 3
--R
          (- 24a b (x ) - 48a b (x ) - 24a b x )x (%e )
--R
              24 n 3 3 3 n 2 4 2 n 2n n log(x) 2
--R
--R
          (- 12a b (x ) - 24a b (x ) - 12a b x )x (%e )
--R
--R
              n log(x)
         log(b %e + a)
--R
--R
            6 n 3 5 n 2 2 4 n 2n n log(x) 4
--R
--R
          (12b (x) + 24a b (x) + 12a b x)x (%e)
--R
--R
              5 n 3 2 4 n 2 3 3 n 2n n log(x) 3
          (24a b (x ) + 48a b (x ) + 24a b x )x (%e )
--R
--R
--R
            2 4 n 3 3 3 n 2 4 2 n 2n n log(x) 2
--R
           (12a b (x ) + 24a b (x ) + 12a b x )x (%e )
--R
--R
--R.
         log(b x + a)
--R
               5 n 2 2 4 n 3 3 2n 2 4 n 3 3 3 n 2
--R
--R
          (- 12a b (x ) - 24a b x - 12a b )x + 6a b (x ) + 8a b (x )
--R
--R
           4 2 n
--R
          a b x
--R
--R
          n \log(x) 4
--R
        (%e )
--R
              5 n 3 3 3 n 4 2 2n 3 3 n 3 4 2 n 2
--R
--R
          (12a b (x ) - 36a b x - 24a b )x + 12a b (x ) + 16a b (x )
--R.
--R
           5 n
--R
         2a b x
--R
--R
          n log(x) 3
         (%e )
--R
--R
--R
             24 n 3 3 3 n 2 4 2 n 5 2n 4 2 n 3
```

```
--R
           (18a b (x) + 24a b (x) - 6a b x - 12a b)x + 6a b (x)
--R
--R
           5 n 2 6 n
--R
          8ab(x) + ax
--R
--R
          n log(x) 2
--R
        (%e )
--R
--R
         3 3 n 3 4 2 n 2 5 n 2n n log(x)
--R
      (4a b (x) + 8a b (x) + 4a b x)x %e
--R
--R
          42 n 3 5 n 2 6 n 2n
--R
       (-ab(x) - 2ab(x) -ax)x
--R /
--R
          54 n 3 63 n 2 72 n 2n n log(x) 4
--R
       (2a b n (x) + 4a b n (x) + 2a b n x)x (%e)
--R
--R
         63 n3 72 n2 8 n2n nlog(x) 3
--R
       (4a b n (x) + 8a b n (x) + 4a b n x)x (%e
--R
         7 2 n 3 8 n 2 9 n 2n n log(x) 2
--R
--R
        (2a b n (x) + 4a b n (x) + 2a n x)x (%e)
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 484
--S 485 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 485
)clear all
--S 486 of 1394
t0:=x^{(-1-1/2*n)/(a+b*x^n)}
--R
--R
--R
         - n - 2
--R
--R
           2
--R
        x
--R
   (1) -----
--R
         n
--R
        bx + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 486
--S 487 of 1394
```

```
r0:=(-2)/(a*n*x^(1/2*n))-2*atan(x^(1/2*n)*sqrt(b)/sqrt(a))*sqrt(b)/(a^(3/2)*n)
--R
--R
--R
                 n
--R
--R
                2 +-+
        2 +-+ x \|b +-+
--R
--R
       - 2x \|b atan(----) - 2\|a
                 +-+
--R
--R
                \|a
--R (2) -----
--R
--R
                2 +-+
--R
--R
              anx \|a
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 487
--S 488 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
   [
                   --R
                   --R
                2 2
--R
--R
             ах (%е
                       ) + 2a x |- - %e
                             \| a
--R
        l b
--R
        |- - log(------)
--R
        \| a
                            (-n - 2)\log(x) 2
--R
                             -----
--R
                           2
--R
                        a x (%e
                                  ) + b
--R
--R
            (-n-2)\log(x)
--R
--R
--R
       - 2x %e
--R
--R
      a n
--R
              (-n - 2)\log(x)
--R
--R
                             (-n-2)\log(x)
--R
     +-+
--R
     lb x %e
    2 |- atan(----- - 2x %e
--R
--R
                  +-+
     \|a
--R
                  |b
--R
                  1-
```

```
--R
                     \|a
--R
--R
                         a n
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 488
--S 489 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
          - +---+
--R
          2 | b +-+
--R
--R
         x |--\|a
--R
          \| a
--R
              --R
--R
--R
                               ) + 2a x |- - %e
--R
           ах (%е
--R
                               \| a
--R
--R
                              (-n - 2)\log(x) 2
--R
                            2 2
--R
--R
                         a x (%e
--R
--R
                                            n
           n - (-n - 2)\log(x)
--R
            - - - - - - - - - 2 +-+
                                            2 +-+
--R
--R
                                           x \|b
--R
        - 2x x \|a %e
                              + 2x \|b atan(----) + 2\|a
--R
                                             +-+
--R
                                            \|a
--R /
--R
          n
--R
         2 +-+
--R
--R
      anx | a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 489
--S 490 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 490
```

```
--S 491 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
                        (-n - 2)\log(x)
--R
                                          n (- n - 2)log(x)
--R
         n
--R
                           2
--R
         2 +-+ |b x %e
                                          2 +-+ 2
--R
        +-+
--R
          \|a
--R
                            |b
                            |-
--R
--R
                           \|a
--R
--R
                  n
--R
--R
                 2 +-+
--R
         2 +-+ x \|b +-+
--R
        2x \|b atan(----) + 2\|a
--R
                  +-+
--R
                  \|a
--R /
--R
          n
--R
      2 +-+
--R
--R
      anx \|a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 491
--S 492 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 492
)clear all
--S 493 of 1394
t0:=x^{(-1-2/3*n)/(a+b*x^n)}
--R
--R
--R
         - 2n - 3
--R
--R
           3
--R
        X
--R (1) -----
```

```
--R
                                              n
--R
                                      bx + a
--R
                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 493
--S 494 of 1394
r0:=(-3/2)/(a*n*x^(2/3*n))-b^(2/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x^(1/3*n))/_
                (a^{(5/3)*n})+1/2*b^{(2/3)}*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)*b^{(1/3)}*x^{(1/3*n)}+_
                b^{(2/3)}x^{(2/3*n)}/(a^{(5/3)}n)+b^{(2/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(2/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}-a^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-a^{(1/3)}-a^{(1/3)
                2*b^(1/3)*x^(1/3*n))/(a^(1/3)*sqrt(3)))*sqrt(3)/(a^(5/3)*n)
--R
--R
                   (2)
--R
--R
                                   2n
                                                                            2n
                                                                                                                                                                                       2n
                                                                                                               n
                                                                                                                                                                                                                                n
 --R
 --R
                                      3 3+-+2
                                                                   3 3+-+2 3 3+-+3+-+ 3+-+2
                                                                                                                                                                                          3 3+-+2
                                                                                                                                                                                                                                3 3+-+ 3+-+
--R.
                               x \mid b \log(x \mid b - x \mid a \mid b + \mid a - 2x \mid b \log(x \mid b + \mid a)
--R
--R
                                                                                                         n
--R
                                                         2n
--R
                                                                                                         3 3+-+ 3+-+
--R
                                            +-+ 3 3+-+2
                                                                                                   2x \|b - \|a
                                                                                                                                                             3+-+2
                               - 2\|3 x \|b atan(----- - 3\|a
--R
--R
                                                                                                                +-+3+-+
--R
                                                                                                             \|3 \|a
--R /
--R
                                             2n
--R
--R
                                               3 3+-+2
--R
                         2a n x | a
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 494
--R
--S 495 of 1394 (constant residues)
--a0:=integrate(t0,x)
--E 495
--S 496 of 1394
--m0:=a0-r0
--E 496
--S 497 of 1394
--d0:=D(m0,x)
--E 497
)clear all
--S 498 of 1394
t0:=x^{(-1-3/4*n)/(a+b*x^n)}
```

```
--R
--R
--R
           -3n-4
--R
--R
               4
--R
--R
      (1)
--R
              n
--R
           bx + a
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 498
--S 499 of 1394
r0:=(-4/3)/(a*n*x^3(3/4*n))+b^3(3/4)*log(-a^1/4)*b^1/4)*x^1/4*n)*sqrt(2)+_
     sqrt(a)+x^{(1/2*n)}*sqrt(b))/(a^{(7/4)}*n*sqrt(2))-_
     b^{(3/4)}*log(a^{(1/4)}*b^{(1/4)}*x^{(1/4*n)}*sqrt(2)+sqrt(a)+_
     x^{(1/2*n)*sqrt(b))/(a^{(7/4)*n*sqrt(2))+b^{(3/4)*atan(1-_
     b^{(1/4)}*x^{(1/4*n)}*sqrt(2)/a^{(1/4)}*sqrt(2)/(a^{(7/4)*n})-_
     b^{(3/4)}*atan(1+b^{(1/4)}*x^{(1/4*n)}*sqrt(2)/a^{(1/4)}*sqrt(2)/(a^{(7/4)}*n)
--R
--R
--R
      (2)
--R
             3n
                              n
--R
              4 4+-+3 +-+ 4 4+-+4+-+ 2 +-+ +-+
--R
          - 3x \leq \log(\leq x \leq |b + x|b + |a|)
--R
--R
--R
           3n
                              n
                                           n
--R
--R
            4 4+-+3
                          +-+ 4 4+-+4+-+ 2 +-+
--R
          3x \mid b \log(- |2 x \mid a \mid b + x \mid b + \mid a)
--R
--R
                               n
                                                                  n
--R
              3n
                                                3n
--R
                           +-+ 4 4+-+ 4+-+
                                                              +-+ 4 4+-+ 4+-+
                                               4 4+-+3
                          |2 x |b + |a
                                                             12 \times |b - |a
--R
              4 4+-+3
--R
         - 6x \|b atan(------- 6x \|b atan(-----)
--R
                                 4+-+
                                                                    4+-+
--R
                                 \|a
                                                                     \|a
--R
--R
             +-+4+-+3
--R
          - 4\|2 \|a
--R /
--R.
                 3n
--R
--R
            +-+ 4 4+-+3
--R
       3a n\|2 x \|a
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 499
```

```
--R
--S 500 of 1394 (constant residues)
--a0:=integrate(t0,x)
--E 500
--S 501 of 1394
--m0:=a0-r0
--E 501
--S 502 of 1394
--d0:=D(m0,x)
--E 502
)clear all
--S 503 of 1394
t0:=x^{-1-n}/(a+b*x^n)
--R
--R
--R
         - n - 1
--R
         x
--R (1) -----
--R
         n
--R
        b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 503
--S 504 of 1394
r0:=(-1)/(a*n*x^n)-b*log(x)/a^2+b*log(a+b*x^n)/(a^2*n)
--R
--R
--R
--R
       b \times log(b \times + a) - b \cdot n \cdot log(x)x - a
--R (2) -----
--R
                      2 n
--R
                     a n x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 504
--S 505 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                                        n log(x)
          n \log(x) n \log(x)
--R
         b %e \log(b \%e + a) - b n \log(x)\%e - a
--R
--R
     (3) -----
--R
                             2 n log(x)
--R
                            a n %e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 505
```

```
--S 506 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R +
         n log(x) n
--R
--R
--R /
--R 2 n n log(x)
--R
      a %e - a x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 506
--S 507 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 507
)clear all
--S 508 of 1394
t0:=x^{-1-1/2*n}/(a+b*x^n)
--R
--R
--R
       - n - 2
--R
        -----
--R
--R
       x
--R (1) -----
         n
--R
--R
        b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 508
--S 509 of 1394
r0:=(-2)/(a*n*x^(1/2*n))-2*atan(x^(1/2*n)*sqrt(b)/sqrt(a))*sqrt(b)/(a^(3/2)*n)
--R
--R
--R
--R
                   _
--R
                  2 +-+
         2 +-+ x \|b +-+
--R
--R - 2x \|b atan(----) - 2\|a
```

```
--R
--R
                       \|a
--R
     (2)
--R
                       n
--R
--R
                       2 +-+
--R
                   anx | a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 509
--S 510 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Γ
                         (- n - 2)log(x) 2
--R
                                                     (-n - 2)\log(x)
--R
                                              lъ
--R
                                2
                   ах (%е
                                       ) + 2a x |- - %e
--R
--R
                                        \| a
--R
          \| a
--R
                                     (-n - 2)\log(x) 2
--R
                                    2 2
--R
--R
                                 a x (%e
                                              ) + b
--R
--R
                 (-n - 2)\log(x)
--R
--R
                       2
--R
          - 2x %e
--R
--R
         a n
--R
                    (- n - 2)log(x)
--R
                                        (-n-2)\log(x)
--R
                        2
--R
         +-+
--R
        lb x %e
--R
      2 |- atan(----- - 2x %e
--R
--R
                        |b
--R
                        |-
--R
                       \|a
--R
--R
                            a n
--R
                                  Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 510
--S 511 of 1394
m0a:=a0.1-r0
```

```
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
         - +---+
--R
         2 | b +-+
         x |--\|a
--R
--R
          \| a
--R
           --R
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                        (-n - 2)\log(x) 2
--R
                        2 2
a x (%e
--R
--R
                                        ) + b
--R
--R
          n (- n - 2)log(x)
--R
--R
                                         2 +-+
       2 +-+ 2 2 +-+ x \|b +-+

- 2x x \|a %e + 2x \|b atan(-----) + 2\|a
--R
--R
--R
                                          +-+
--R
                                          \|a
--R /
--R
     -
2 +-+
--R
--R
--R
    anx \|a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 511
--S 512 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 512
--S 513 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                       (-n-2)\log(x)
                       ----- n (- n - 2)log(x)
--R n
```

```
--R
--R
            2 +-+ |b
                          х %е
                                                     2 +-+
                                                                  2
--R
          2x \|a |- atan(-----
                                 -----) - 2x x \|a %e
--R
                \|a
                                   +-+
--R
                                   |b
--R
                                   |-
--R
                                  \|a
--R
--R
                       n
--R
            n
--R
                       2 +-+
            2 +-+
--R
                      x \|b
--R
          2x \|b atan(----) + 2\|a
                        +-+
--R
--R
                       \|a
--R /
--R
             n
--R
--R
             2 +-+
--R
        anx |a
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 513
--S 514 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R
     (7) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 514
)clear all
--S 515 of 1394
t0:=x^{(-1-1/3*n)/(a+b*x^n)}
--R
--R
--R
            - n - 3
--R
--R
--R
--R
      (1) -----
--R
             n
--R
           bx + a
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 515
--S 516 of 1394
r0:=(-3)/(a*n*x^(1/3*n))+b^(1/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x^(1/3*n))/_
      (a^{(4/3)*n})^{-1/2*b^{(1/3)*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)*b^{(1/3)*x^{(1/3*n)}}+}_{-} \\
```

```
b^{(2/3)}x^{(2/3*n)}/(a^{(4/3)}n)+b^{(1/3)}atan((a^{(1/3)}-
   2*b^(1/3)*x^(1/3*n))/(a^(1/3)*sqrt(3)))*sqrt(3)/(a^(4/3)*n)
--R
--R
    (2)
--R
                 2n
--R
                                           n
--R
          --R
       - x \|b log(x \|b - x \|a \|b + \|a + 2x \|b log(x \|b + \|a )
--R
--R
--R
                       n
--R
                       3 3+-+ 3+-+
--R
          +-+ 3 3+-+ 2x \|b - \|a
--R
--R
       - 2\|3 x \|b atan(----- - 6\|a
--R
                        +-+3+-+
--R
                        \|3 \|a
--R /
--R
          n
--R
--R
         3 3+-+
--R
      2a n x | a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 516
--S 517 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                                     (-n - 3)\log(x)
--R
                  (-n - 3)\log(x) 2
                   -----
                                     +-+ ------ +-+2
--R
                                   |b 3
--R
                                                     |b
--R
          +-+ x (%e
                             ) - x 3|- %e
                                                   + 3|-
--R
                                   \|a
                                                     \|a
       - 3|- log(-----
--R
--R
         \|a
                                    2
--R
--R
--R
                  (-n - 3)\log(x)
--R
--R
                       3
                                |b
--R.
         +-+
               х %е
                             + 3|-
--R
         lъ
--R
       2 3 |- log(-----)
--R
--R
                       (-n - 3)\log(x)
--R
--R
                                     |b| (-n - 3)\log(x)
--R
                            3
```

```
--R
    +-+ |b
--R
--R
     2\|3 3|- atan(-----
                    +-+
--R
      \|a
--R
                    +-+ |b
--R
                    \|3 3|-
--R
                       \|a
--R /
--R
    2a n
--R
                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 517
--S 518 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
       --R
--R
--R
--R
--R
      3 3+-+ |b
                            \|a
     - x \|a 3|- log(-----
--R
                                2
--R
        \|a
--R
--R
--R
                  (-n-3)\log(x)
               (- n - 3)log(x)
----- +-+
3 |b
x %e + 3|-
\la
--R
--R
      n
- +-+
--R
--R
     3 3+-+ |b
     2x \|a 3|- log(-----)
--R
      --R
--R
                     (-n - 3)\log(x)
--R
--R
        n
- +-+ 2x %e
                       3 |b
--R
--R
                               - 3|-
      +-+ 3 3+-+ |b
--R
      2\|3 x \|a 3|- atan(-----)
--R
            \|a
--R
--R
                         +-+ |b
--R
                         \|3 3|-
--R
                           \|a
--R
           2n n
--R
--R
     --R
    x \leq \log(x + b - x \leq a \leq b + a - 2x \leq \log(x \leq a \leq a)
--R
--R
```

```
--R
                                                             n
                       (-n-3)\log(x)
--R
                                               n
--R
                                                            3 3+-+ 3+-+
--R
                3 3+-+
                          3
                                         +-+ 3 3+-+
                                                           2x \|b - \|a
                                                                             3+-+
--R
          - 6x x \|a %e
                                       + 2\|3 x \|b atan(-----+ 6\|a
                                                               +-+3+-+
--R
--R
                                                              \|3 \|a
--R /
--R
             n
--R
--R
             3 3+-+
--R
        2a n x | a
                                                        Type: Expression(Integer)
--R
--E 518
--S 519 of 1394
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 519
)clear all
--S 520 of 1394
t0:=x^{-1-1/4*n}/(a+b*x^n)
--R
--R
--R
            - n - 4
--R
--R
               4
--R
           x
--R
      (1) -----
--R
            n
--R
           bx + a
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 520
--S 521 of 1394
r0:=(-4)/(a*n*x^{(1/4*n)})-b^{(1/4)}*log(-a^{(1/4)}*b^{(1/4)}*x^{(1/4*n)}*sqrt(2)+_
     sqrt(a)+x^{(1/2*n)}*sqrt(b))/(a^{(5/4)}*n*sqrt(2))+b^{(1/4)}*_
     \log(a^{(1/4)*b^{(1/4)*x^{(1/4*n)*sqrt(2)+sqrt(a)+x^{(1/2*n)*sqrt(b))}}_{-}
     (a^{(5/4)}*n*sqrt(2))+b^{(1/4)}*atan(1-b^{(1/4)}*x^{(1/4*n)}*sqrt(2))_{-}
     a^{(1/4)}*sqrt(2)/(a^{(5/4)}*n)-b^{(1/4)}*atan(1+b^{(1/4)}*_
     x^{(1/4*n)}*sqrt(2)/a^{(1/4)}*sqrt(2)/(a^{(5/4)*n})
--R
--R
--R
      (2)
--R
          n
                          n
                                       n
```

```
--R
       4 4+-+ +-+ 4 4+-+4+-+ 2 +-+ +-+
--R
      x \|b log(\|2 x \|a \|b + x \|b + \|a )
--R
--R
--R
                     n n
--R
         4 4+-+ +-+ 4 4+-+4+-+ 2 +-+ +-+
--R
--R
       - x \|b log(- \|2 x \|a \|b + x \|b + \|a )
--R
--R
                      n
                                                n
--R
          n
                   +-+ 4 4+-+ 4+-+
                                            +-+ 4 4+-+ 4+-+
--R
         --R
       - 2x \|b atan(-----)
--R
--R
                       4+-+
                                                  4+-+
--R
                        \|a
                                                  \|a
--R
--R
         +-+4+-+
--R
       - 4\|2 \|a
--R /
--R
          n
--R
--R
       +-+ 4 4+-+
--R
     a n | 2 x | a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 521
--S 522 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
                        (-n-4)\log(x)
--R
                        _____
--R
                                    + a n |- ----
--R
                    x %e
                                      4| 54
--R
--R
           l b
                                        \label{lambda} a n
       a n |- ---- log(------)
--R
         4 5 4
--R
          \label{lambda} a n
--R
--R
--R
                         (-n-4)\log(x)
--R
--R
--R
                      x %e
                                     - a n |- ----
--R
                                          4| 54
--R
                                          \Pi
       - a n |- ---- log(------
--R
            4| 54
--R
```

```
\label{lambda} a n
--R
--R
--R
--R
                          a n |- ----
--R
                                           (-n-4)\log(x)
                          4| 54
--R
                                              4
       | b \| a n
- 2a n |- ---- atan(------ 4x %e
--R
           4 \mid 5 \mid 4 \quad (-n - 4)\log(x)
--R
            \label{lambda} a n
--R
--R
--R
                       x %e
--R /
--R
     a n
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 522
--S 523 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                               (-n-4)\log(x)
--R
                                4 | b + a n |-----
--R
                            x %e
--R
                                             4| 54
--R
          +-+ 4 | b 4+-+
--R
                                               \label{lambda} a n
--R
       --R
               41 54
--R
               \label{lambda} \ a n
--R
                                 (-n-4)\log(x)
--R
                                -----
                             4
x %e
--R
--R
                                             - a n |- ----
                                                4| 54
--R
            +-+ 4 | b 4+-+
                                                 \label{lambda} a n
--R
       --R
               4| 54
\| an
--R
--R
--R
--R
                                     l b
--R
                                  a n |- ----
--R
                                  4| 54
--R
            +-+ 4 | b 4+-+
--R
       --R
                4 \mid 54 \quad (-n-4)\log(x)
--R
                 \label{lambda} a n
--R
```

```
--R
                                                 4
--R
                                       х %е
--R
--R
                         n
                                      n
--R
           4 4+-+ +-+ 4 4+-+4+-+ 2 +-+ +-+
--R
--R
         --R
          n
--R
                        n
--R
          4 4+-+ +-+ 4 4+-+4+-+ 2 +-+ +-+
--R
--R
        x \mid b \log(- |2 x \mid a \mid b + x \mid b + \mid a)
--R
--R
                                                          n
               n \qquad (-n-4)\log(x) \qquad n
--R
--R
                                                      +-+ 4 4+-+ 4+-+
         +-+ 4 4+-+ 4 4 4+-+ \|2 x \|b + \|a

- 4x\|2 x \|a %e + 2x \|b atan(-----)
--R
--R
--R
                                                             4+-+
--R
                                                             \|a
--R
--R
                          n
--R
--R
                      +-+ 4 4+-+ 4+-+
         4 4+-+ \|2 x \|b - \|a +-+4+-+
2x \|b atan(----- + 4\|2 \|a
--R
--R
--R
                            4+-+
--R
                            \|a
--R /
--R
             n
--R
--R
          +-+ 4 4+-+
--R
       a n | 2 x | a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 523
--S 524 of 1394
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 524
)clear all
--S 525 of 1394
t0:=x^{-1-3/2*n}/(a+b*x^n)
--R
--R
```

```
--R
         - 3n - 2
--R
--R
            2
--R
         x
--R
    (1) -----
          n
--R
--R
         b x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 525
--S 526 of 1394
r0:=(-2/3)/(a*n*x^(3/2*n))+2*b/(a^2*n*x^(1/2*n))+2*b^(3/2)*_
    atan(x^{(1/2*n)*sqrt(b)/sqrt(a))/(a^{(5/2)*n})
--R
--R
--R
                         n
                                     3n n
--R
            n 3n
--R
            - --
                        2 +-+
                                     --
                                   2 2 +-+
--R
           2 2 +-+ x \|b
         --R
--R
                          +-+
--R
                         \|a
--R
--R
                            n 3n
--R
                             - --
                          2 2 2 +-+
--R
--R
                        3a n x x \setminus |a|
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 526
--R
--S 527 of 1394 (constant residues)
--a0:=integrate(t0,x)
--E 527
--S 528 of 1394
--m0:=a0-r0
--E 528
--S 529 of 1394
--d0:=D(m0,x)
--E 529
)clear all
--S 530 of 1394
t0:=x^{-1-4/3*n}/(a+b*x^n)
--R
--R
--R
          - 4n - 3
```

```
--R
--R
               3
--R
--R
     (1) -----
--R
             n
--R
           bx + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 530
--S 531 of 1394
r0:=(-3/4)/(a*n*x^(4/3*n))+3*b/(a^2*n*x^(1/3*n))-b^(4/3)*log(a^(1/3)+__
    b^{(1/3)}x^{(1/3*n)}/(a^{(7/3)}n)+1/2*b^{(4/3)}\log(a^{(2/3)}-
    a^{(1/3)*b^{(1/3)*x^{(1/3*n)+b^{(2/3)*x^{(2/3*n)}}/(a^{(7/3)*n)-1}}
    b^{(4/3)*atan((a^{(1/3)-2*b^{(1/3)*x^{(1/3*n)})/(a^{(1/3)*sqrt(3)))*}_{-}}
    sqrt(3)/(a^{(7/3)*n})
--R
--R
--R
     (2)
--R
             n 4n
                          2n n
--R
             - --
--R
             3 3 3+-+ 3 3+-+2 3 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
         2b \times x \setminus b \log(x \setminus b - x \setminus a \setminus b + \setminus a)
--R
--R
                                                                n
--R
               n 4n
                            n
                                                 n 4n
                                                 - --
                                                                3 3+-+ 3+-+
--R
               3 3 3+-+ 3 3+-+ +-+ 3 3 3+-+
--R
                                                              2x \|b - \|a
--R
         --R
                                                                  +-+3+-+
--R
                                                                 \|3 \|a
--R
--R
               4n
--R
               --
--R
              3
                     3 3+-+
--R
         (12b x - 3a x )\|a
--R /
--R
            n 4n
--R
             - --
         2 3 3 3+-+
--R
--R
       4anxx \|a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 531
--S 532 of 1394 (constant residues)
--a0:=integrate(t0,x)
--E 532
--S 533 of 1394
--m0:=a0-r0
--E 533
```

```
--S 534 of 1394
--d0:=D(m0,x)
--E 534
)clear all
--S 535 of 1394
t0:=x^{-1-5/4*n}/(a+b*x^n)
--R
--R
--R
            -5n-4
--R
            _____
--R
                4
--R
--R
      (1)
--R
              n
--R
            b x + a
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 535
--S 536 of 1394
r0:=(-4/5)/(a*n*x^{(5/4*n)})+4*b/(a^2*n*x^{(1/4*n)})+b^{(5/4)}*_
     log(-a^{(1/4)*b^{(1/4)*x^{(1/4*n)*sqrt(2)+sqrt(a)+x^{(1/2*n)*}}_-
     \sqrt{(9/4)*n*sqrt(2)}-b^{(5/4)*log(a^{(1/4)*b^{(1/4)*}}
     x^{(1/4*n)*sqrt(2)+sqrt(a)+x^{(1/2*n)*sqrt(b))/(a^{(9/4)*n*sqrt(2))}}
     b^{(5/4)}*atan(1-b^{(1/4)}*x^{(1/4*n)}*sqrt(2)/a^{(1/4)})*_
     sqrt(2)/(a^{(9/4)*n}+b^{(5/4)*atan(1+b^{(1/4)*x^{(1/4*n)*}}
     sqrt(2)/a^(1/4))*sqrt(2)/(a^(9/4)*n)
--R
--R
--R
      (2)
--R
                n 5n
                                  n
                                                n
--R
                - --
--R
                4 4 4+-+ +-+ 4 4+-+4+-+ 2 +-+
--R
          - 5b \times x \setminus b \log(|2 \times |a \mid b + x \mid b + |a|)
--R
--R
              n 5n
                                  n
--R
              4 4 4+-+
                              +-+ 4 4+-+4+-+ 2 +-+
--R
--R
          --R
--R.
                                  n
--R.
               n 5n
                              +-+ 4 4+-+ 4+-+
--R
                             \label{local_local_local_local_local} 12 x \left| b + \right| a
--R
               4 4 4+-+
--R
          10b x x \|b atan(-----)
--R
                                    4+-+
--R
                                    \|a
--R
```

```
--R
                          n
--R
                                            5n n
          n 5n
--R
           - --
                      +-+ 4 4+-+ 4+-+
                                           --
          4 4 4+-+ \|2 x \|b - \|a +-+ 4 +-+ 4 4+-+
--R
--R
      10b x x \|b atan(----- + (20b\|2 x - 4a\|2 x )\|a
--R
                           4+-+
--R
                           \|a
--R /
--R
           n 5n
--R
            - --
--R
      2 +-+ 4 4 4+-+
--R
     5a n\|2 x x \|a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 536
--S 537 of 1394 (constant residues)
--a0:=integrate(t0,x)
--E 537
--S 538 of 1394
--m0:=a0-r0
--E 538
--S 539 of 1394
--d0:=D(m0,x)
--E 539
)clear all
--S 540 of 1394
t0:=x^{(-1+4*n)*(a+b*x^n)^(1/2)}
--R
--R
--R
             +----+
--R 4n - 1 | n
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 540
--S 541 of 1394
r0:=-2/3*a^3*(a+b*x^n)^(3/2)/(b^4*n)+6/5*a^2*(a+b*x^n)^(5/2)/(b^4*n)-_
   6/7*a*(a+b*x^n)^(7/2)/(b^4*n)+2/9*(a+b*x^n)^(9/2)/(b^4*n)
--R
--R
--R
                                                     +----+
          4 n 4 3 n 3 2 2 n 2 3 n 4 | n
--R
--R
      (70b (x) + 10a b (x) - 12a b (x) + 16a b x - 32a) | b x + a
--R (2) ------
--R
                                 4
--R
                                315b n
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 541
--S 542 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
          4 n log(x) 4 3 n log(x) 3 2 2 n log(x) 2
--R
        70b (%e ) + 10a b (%e ) - 12a b (%e )
--R
--R
          3 n log(x) 4
--R
        16a b %e - 32a
--R
--R
--R
        +----+
--R
       | n log(x)
--R
       \|b %e + a
--R /
--R
        4
--R
      315b n
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 542
--S 543 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
           4 n log(x) 4 3 n log(x) 3 2 2 n log(x) 2
--R
--R
         70b (%e ) + 10a b (%e ) - 12a b (%e )
--R
           3 n log(x) 4
--R
         16a b %e - 32a
--R
--R
--R
         +----+
         n log(x)
--R
--R
        \|b %e + a
--R
--R
          4 n 4 3 n 3 2 2 n 2 3 n 4 | n
--R
       (-70b (x) - 10a b (x) + 12a b (x) - 16a b x + 32a) | b x + a
--R
--R /
--R
         4
--R
      315b n
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 543
--S 544 of 1394
d0:=normalize m0
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 544
)clear all
--S 545 of 1394
t0:=x^{(-1+3*n)*(a+b*x^n)^(1/2)}
--R
--R
--R
              +----+
     3n - 1 | n
--R
--R (1) x \|b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 545
--S 546 of 1394
r0:=2/3*a^2*(a+b*x^n)^(3/2)/(b^3*n)-4/5*a*(a+b*x^n)^(5/2)/(b^3*n)+_2(a+b^2)^2
    2/7*(a+b*x^n)^(7/2)/(b^3*n)
--R
--R
--R
            3 n 3 2 n 2 n 3 n
--R
        (30b (x) + 6a b (x) - 8a b x + 16a) | b x + a
--R
    (2) -----
--R
--R
                            105b n
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 546
--S 547 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
          3 n log(x) 3 2 n log(x) 2 2 n log(x) 3
--R
--R
        (30b (%e ) + 6a b (%e ) - 8a b %e + 16a )
--R
        +----+
--R
        | n log(x)
--R
--R
        \|b %e + a
--R /
--R
         3
--R
     105b n
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 547
--S 548 of 1394
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R (4)
                                       3 n log(x) 3 2 n log(x) 2 2 n log(x) 3
--R
--R
                                   (30b (%e ) + 6a b (%e ) - 8a b %e + 16a )
--R
--R
                                      +----+
--R
                                   | n log(x)
--R
                                --R
--R
                                         3 n 3 2 n 2 2 n 3 | n
--R
                           (-30b (x) - 6a b (x) + 8a b x - 16a) | b x + a
--R
--R /
--R
--R
                       105b n
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 548
--S 549 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 549
)clear all
--S 550 of 1394
t0:=x^{(-1+2*n)*(a+b*x^n)^(1/2)}
--R
--R
--R
                                                   +----+
--R 2n - 1 | n
--R (1) x \begin{tabular}{ll} \begin{tabul
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 550
--S 551 of 1394
r0:=-2/3*a*(a+b*x^n)^(3/2)/(b^2*n)+2/5*(a+b*x^n)^(5/2)/(b^2*n)
--R
--R
--R
                                         2 n 2 n 2 | n
--R
--R
                           (6b (x) + 2a b x - 4a) \setminus |b x + a|
--R (2) -----
--R
                                                                                   2
--R
                                                                               15b n
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
```

```
--E 551
--S 552 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           2 n log(x) 2 n log(x) 2 | n log(x)
--R
         (6b (%e ) + 2a b %e - 4a )\|b %e + a
--R
--R
--R
--R
                               15b n
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 552
--S 553 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
        2 n log(x) 2 n log(x) 2 | n log(x)
--R
      (6b (%e ) + 2a b %e - 4a )\|b %e + a
--R
--R
--R
                              +----+
         2 n 2 n 2 | n
--R
--R
       (-6b(x) - 2abx + 4a) | bx + a
--R /
--R
--R
     15b n
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 553
--S 554 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 554
)clear all
--S 555 of 1394
t0:=x^{(-1+n)}*(a+b*x^n)^{(1/2)}
--R
--R
--R
            +----+
--R n - 1 | n
--R (1) x \|b x + a
```

```
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 555
--S 556 of 1394
r0:=2/3*(a+b*x^n)^(3/2)/(b*n)
--R
--R
--R
--R (2) -----
         3b n
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 556
--S 557 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        n log(x) +----+
n log(x) | n log(x)
--R
--R
--R (2b %e + 2a)\|b %e + a
--R (3) -----
--R
                      3b n
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 557
--S 558 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R +-----+ +----+
--R n log(x) | n log(x) n | n
--R (2b %e + 2a)\|b %e + a + (- 2b x - 2a)\|b x + a
--R (4) ------
--R
                                  3b n
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 558
--S 559 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 559
)clear all
--S 560 of 1394
```

```
t0:=(a+b*x^n)^(1/2)/x
--R
--R
--R
                                   l n
--R
--R
                                   \begin{tabular}{ll} \beg
                                             x
--R
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 560
--S 561 of 1394
\label{eq:control_control_control} \texttt{r0:=-2*atanh(sqrt(a+b*x^n)/sqrt(a))*sqrt(a)/n+2*sqrt(a+b*x^n)/n}
--R
 --R
--R
                                                                                 l n
                                                                             | n +-----
--R
                                    - 2\leq a \tanh(-----) + 2\leq x + a
--R
                                                                                           +-+
--R
                                                                                        \|a
--R
--R
                                                                                               n
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 561
--S 562 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                   (3)
--R
                   [
--R
                                                                              +---+
+-+ | n log(x) n log(x)
--R
                                        --R
--R
                                       \|a log(-----
--R
                                                                                                                               n log(x)
--R
                                                                                                                              %e
--R
--R
                                            | n log(x)
--R
--R
                                       2\|b %e + a
--R
                      /
--R
                         n
--R
--R
                                                                         +----+
                             +----+
--R
--R
                       - 2\|- a atan(------) + 2\|b %e + a
--R
                                                                                         +---+
--R
```

```
--R
                 \|- a
--R
--R
--R
                        Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 562
--S 563 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
             +-+ | n log(x) n log(x)
--R
      --R
--R
      \|a log(-----)
--R
                       n log(x)
--R
                       %e
--R
--R
                            +----+
      l n
--R
--R
--R
      2\b %e + a + 2\a atanh(-----) - 2\b x + a
--R
                              +-+
--R
                               |a
--R /
--R
--R
                                   Type: Expression(Integer)
--E 563
--S 564 of 1394
d0a:=D(normalize(m0a),x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                   Type: Expression(Integer)
--E 564
--S 565 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
                +----+
--R
        --R
--R
      - 2\|- a atan(-----) + 2\|b %e + a
--R
--R
--R
                   \|- a
--R
              +----+
--R
```

```
| n +-----+
+-+ \|b x + a | n
--R
--R
--R
        2\leq a + a
--R
                     +-+
--R
                     \|a
--R /
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 565
--S 566 of 1394
d0b:=D(normalize(m0b),x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 566
)clear all
--S 567 of 1394
t0:=x^{(-1-n)}*(a+b*x^n)^(1/2)
--R
--R
--R
--R - n - 1 | n
--R
    (1) x \|b x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 567
--S 568 of 1394
r0:=-b*atanh(sqrt(a+b*x^n)/sqrt(a))/(n*sqrt(a))-sqrt(a+b*x^n)/(n*x^n)
--R
--R
--R
           n \|b x + a +-+ | n
--R
--R
         - b x atanh(-----) - \|a \|b x + a +-+
--R
--R
--R
                      \|a
--R
--R
                        n +-+
--R
                       n x \|a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 568
--S 569 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R
  (3)
--R
  Γ
                 +----+
| n log(x) +-+ n log(x) +-+
--R
--R
      --R
     b %e log(-----)
--R
                           n log(x)
--R
--R
                           %e
--R
--R
--R
        +-+ | n log(x)
      - 2\|a \|b %e + a
--R
--R
      +-+ n log(x)
--R
--R
     2n\|a %e
--R
--R
    +---+ | n log(x) +------
n log(x) \|- a \|b %e + a +---+ | n log(x)
--R
--R
    - b %e atan(------) - \|- a \|b %e + a
--R
                    a
--R
                    +---+ n log(x)
--R
                    n\|- a %e
--R
--R
                     Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 569
--S 570 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                   +----+
                  | n log(x) +-+ n log(x) +-+
      --R
--R
    b x %e log(-----
                           n \log(x)
--R
--R
                           %e
--R
--R
      --R
--R
    --R.
--R
--R
                                      \|a
--R
--R
              +----+
--R
     +-+ n log(x) | n
     2\|a %e \|b x + a
--R
--R /
```

```
--R
     n +-+ n log(x)
--R
      2n x \|a %e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 570
--S 571 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 571
--S 572 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                                +----+
                           +---+ | n log(x)
--R
        n +-+ n log(x) \|- a \|b %e + a
--R
--R
      - b x \|a %e atan(-----)
                               a
--R
--R
                 +----+
--R
       n +---+ +-+ | n log(x)
--R
--R
       --R
--R
                            l n
--R
                                                        +----+
                            \|b x + a +---+ +-+ n log(x) | n
--R
        n +---+ n log(x)
      b x \|- a %e atanh(-----) + \|- a \|a %e \|b x + a
--R
--R
                               +-+
--R
                               \|a
--R /
       n +---+ +-+ n log(x)
--R
--R
     n x \|- a \|a %e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 572
--S 573 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 573
)clear all
```

```
--S 574 of 1394
t0:=x^{(-1-2*n)*(a+b*x^n)^(1/2)}
--R
--R
--R
--R - 2n - 1 | n
--R (1) x \begin{tabular}{ll} \begin{tabul
--R
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 574
--S 575 of 1394
r0:=1/4*b^2*atanh(sqrt(a+b*x^n)/sqrt(a))/(a^(3/2)*n)-_
              1/2*sqrt(a+b*x^n)/(n*x^(2*n))-1/4*b*sqrt(a+b*x^n)/(a*n*x^n)
--R
--R
--R
                                                                     +----+
--R
                                                                     l n
                                                             --R
                               2 n 2n
                              b x x a tanh(-----) + (-b x - 2a x) | a | b x + a
--R
                                                                             +-+
--R
--R
                                                                            \|a
--R
--R
                                                                                            n 2n +-+
--R
                                                                                              4a n x x \setminus |a|
--R
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 575
--S 576 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             (3)
--R
                                                                                          +----+
| n log(x) +-+ n log(x) +-+
--R
--R
                                 2 n log(x) 2 2a\|b %e + a + b\|a %e + 2a\|a
--R
                                b (%e ) log(-----)
--R
--R
                                                                                                                                              n log(x)
--R
--R
--R
                                             +-+ n \log(x) +-+ | n \log(x)
--R
                                 --R.
--R
--R
                                      +-+ n \log(x) 2
--R
                           8a n\|a (%e )
--R
--R
--R
                                                                                            +---+ | n log(x)
--R
```

```
2 n log(x) 2 \|- a \|b %e + a
--R
--R
       b (%e ) atan(-----)
--R
--R
--R
          +---+ n log(x) +---+ | n log(x)
--R
       --R
--R
         +---+ n log(x) 2
--R
     4a n\|- a (%e )
--R
--R
--R
                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 576
--S 577 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                       | n log(x) +-+ n log(x) +-+
--R
--R
      2 n 2n n log(x) 2 2a\|b %e + a + b\|a %e + 2a\|a
     b x x (%e ) log(-----)
--R
                                  n \log(x)
--R
--R
                                   %e
--R
--R
       n 2n +-+ n log(x) n 2n +-+ | n log(x)
--R
--R
      --R.
--R
                          +----+
                          l n
--R
       2 n 2n n log(x) 2 \|b x + a
--R
--R
     - 2b x x (%e ) atanh(-----)
--R
--R
                            \|a
--R
--R
                             +----+
        2n n +-+ n log(x) 2 | n
--R
--R
     (2b x + 4a x) | a (%e) | | b x + a
--R /
--R
      n 2n +-+ n log(x) 2
--R
     8a n x x \|a (%e )
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 577
--S 578 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 578
--S 579 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
--R
                                +---+ | n log(x)
       2 n 2n +-+ n log(x) 2 \|- a \|b %e + a
--R
      b x x \|a (%e ) atan(-----)
--R
--R
--R
--R
           n 2n +---+ +-+ n log(x) n 2n +---+ +-+ | n log(x)
--R
       (-bxx \|-a \|a \%e - 2axx \|-a \|a )\|b \%e + a
--R
--R
--R
                                    +----+
--R
                                    l n
         2 n 2n +---+ n log(x) 2 \|b x + a
--R
      - b x x \|- a (%e ) atanh(-----)
--R
--R
                                       +-+
--R
                                       \|a
--R
                                        +----+
--R
--R
         2n n +---+ +-+ n log(x) 2 | n
--R
       (b x + 2a x) = a = a  (e ) = b = a
--R /
          n 2n +---+ +-+ n log(x) 2
--R
--R
      4a n x x \|- a \|a (%e )
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 579
--S 580 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 580
)clear all
--S 581 of 1394
t0:=x^{(-1-3*n)*(a+b*x^n)^(1/2)}
--R
--R
                 +----+
--R
```

```
--R - 3n - 1 | n
--R (1) x \begin{tabular}{ll} \begin{tabul
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 581
--S 582 of 1394
r0:=-1/8*b^3*atanh(sqrt(a+b*x^n)/sqrt(a))/(a^(5/2)*n)-_
             1/3*sqrt(a+b*x^n)/(n*x^(3*n))-1/12*b*sqrt(a+b*x^n)/_
             (a*n*x^(2*n))+1/8*b^2*sqrt(a+b*x^n)/(a^2*n*x^n)
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                                             l n
--R
--R
                                3 n 2n 3n \|b x + a
--R
                         - 3b x x x atanh(-----)
--R
                                                                                    +-+
--R
                                                                                     \|a
--R
                                                                                                                               +----+
--R
--R
                                    2 2n n 3n 2 n 2n +-+ | n
--R
                         ((3b x - 2a b x)x - 8a x x) | a | b x + a
--R /
--R
                            2 n 2n 3n +-+
--R
                     24a n x x x \|a
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 582
--S 583 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               (3)
--R
--R
                                                                                               | n \log(x) +++ n \log(x) +-+
--R
                                3 n log(x) 3 - 2a\|b %e + a + b\|a %e + 2a\|a
--R
--R
                               3b (%e ) log(-----)
                                                                                                                                        n log(x)
--R
--R
--R
--R
                                 2 +-+ n log(x) 2 +-+ n log(x) 2 +-+ | n log(x)
--R.
--R
                          --R
                                 2 +-+ n \log(x) 3
--R
--R
                         48a n\|a (%e )
--R
--R
--R
                                                                                                             +----+
```

```
+---+ | n log(x)
--R
        3 n log(x) 3 \|-a\|b %e + a
--R
--R
       - 3b (%e ) atan(-----
--R
--R
          2 +---+ n log(x) 2 +---+ n log(x) 2 +---+
--R
        --R
--R
--R
         +----+
        | n \log(x)
--R
--R
        --R
       2 +---+ n log(x) 3
--R
     24a n\|- a (%e )
--R
--R
--R
                       Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 583
--S 584 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
       3 n 2n 3n n log(x) 3
--R
       3b x x x (%e )
--R
--R
           | n log(x) +-+ n log(x) +-+
--R
--R
         log(-----)
--R.
                     n log(x)
--R
--R
                     %e
--R
        2 n 2n 3n +-+ n log(x) 2 n 2n 3n +-+ n log(x)
--R
--R
       --R
          2 n 2n 3n +-+
--R
--R
       - 16a x x x \|a
--R
       +----+
--R
       | n \log(x)
--R
--R
       \|b %e + a
--R
--R
--R
--R
       --R
      6b x x x (%e ) atanh(-----)
--R
--R
                          \|a
--R
```

```
--R
--R
       2 2n n 3n 2 n 2n +-+ n log(x) 3 | n
--R
     ((-6bx + 4abx)x + 16axx)\\a(%e )\\bx + a
--R /
      2 n 2n 3n +-+ n log(x) 3
--R
--R
     48a n x x x \|a (%e )
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 584
--S 585 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--Е 585
--S 586 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                              +---+ | n log(x)
--R
--R
       3 n 2n 3n +-+ n log(x) 3 \|- a \|b %e + a
--R
      - 3b x x x \|a (%e ) atan(-----)
--R
--R
         2 n 2n 3n +---+ +-+ n log(x) 2
--R
--R
        3b x x x \|- a \|a (%e )
--R
             n 2n 3n +---+ +-+ n log(x) 2 n 2n 3n +---+ +-+
--R
--R
        --R
        +----+
--R
        n log(x)
--R
--R
       \|b %e + a
--R
--R
                               l n
--R
       --R
      3b x x x \|- a (%e ) atanh(-----)
--R
--R.
                                 +-+
--R.
                                 \|a
--R
--R
          2 2n n 3n 2 n 2n +---+ +-+ n log(x) 3 | n
--R
--R
      --R /
--R
      2 n 2n 3n +---+ +-+ n log(x) 3
```

```
24a n x x x \|-a\|a\|
--R
--R
                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 586
--S 587 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R
               (7) 0
--R
                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 587
)clear all
--S 588 of 1394
t0:=x^{(-1-4*n)*(a+b*x^n)^(1/2)}
--R
--R
--R
                                                               +----+
--R
                                   - 4n - 1 | n
--R
               (1) x \|b x + a
--R
                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 588
--S 589 of 1394
r0:=5/64*b^4*atanh(sqrt(a+b*x^n)/sqrt(a))/(a^(7/2)*n)-_
               1/4*sqrt(a+b*x^n)/(n*x^(4*n))-1/24*b*sqrt(a+b*x^n)/_
               (a*n*x^(3*n))+5/96*b^2*sqrt(a+b*x^n)/(a^2*n*x^(2*n))-_
               5/64*b^3*sqrt(a+b*x^n)/(a^3*n*x^n)
--R
--R
--R
                  (2)
                                                                                                    +----+
--R
--R
                                                                                                   | n
--R
                                       4 n 2n 3n 4n
                                                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
                              15b x x x x atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                           +-+
                                                                                                            \|a
--R
--R
--R
--R
                                                                          2 n 3n
                                                                                                                           2 n 2n 4n
                                                                                                                                                                                    3 n 2n 3n +-+ | n
--R
                         (((-15b x + 10a b x)x - 8a b x x)x - 48a x x x)|a|b x + a
--R /
--R.
                                     3 n 2n 3n 4n +-+
--R
                         192a n x x x x \|a
--R
                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 589
--S 590 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
   (3)
--R
   [
                      +-----+
| n log(x) +-+ n log(x) +-+
--R
--R
        4 n log(x) 4 2a\|b %e + a + b\|a %e + 2a\|a
--R
--R
       15b (%e ) log(-----
                                  n log(x)
--R
--R
                                  %e
--R
            3 +-+ n \log(x) 3 2 +-+ n \log(x) 2
--R
          - 30b \|a (%e ) + 20a b \|a (%e )
--R
--R
--R
            2 +-+ n log(x) 3 +-+
--R
          --R
         +----+
--R
         n log(x)
--R
         \|b %e + a
--R
--R
--R
         3 +-+ n \log(x) 4
      384a n\|a (%e )
--R
--R
--R
--R
                      +---+ | n log(x)
--R
        4 n log(x) 4 \|- a \|b %e + a
--R
--R
       15b (%e ) atan(-----)
--R
--R
            3 +---+ n \log(x) 3 \qquad 2 +---+ n \log(x) 2
--R
--R
          --R
            2 +---+ n log(x) 3 +---+
--R
         --R
--R
         +----+
--R
         | n \log(x)
--R
         --R
--R
         3 +---+ n log(x) 4
--R
--R.
      192a n\|- a (%e )
--R
--R
                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 590
--S 591 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
```

```
--R
--R
    (4)
--R
          4 n 2n 3n 4n n log(x) 4
--R
         15b x x x x (%e )
--R
--R
              +----
             | n log(x) +-+ n log(x) +-+
--R
--R
            log(-----
--R
--R
                          n log(x)
--R
                         %e
--R
             3 n 2n 3n 4n +-+ n log(x) 3
--R
--R
          - 30b x x x x \|a (%e )
--R
--R
             2 n 2n 3n 4n +-+ n log(x) 2 2 n 2n 3n 4n +-+ n log(x)
--R
          --R
--R
            3 n 2n 3n 4n +-+
--R
         - 96a x x x x \|a
--R
--R
         +----+
--R
         | n \log(x)
--R
         \|b %e + a
--R
--R
                                   l n
--R
         4 n 2n 3n 4n n log(x) 4 \|b x + a
--R
--R
       - 30b x x x x (%e ) atanh(-----)
--R
--R
                                     \|a
--R
             3 2n 2 n 3n 2 n 2n 4n 3 n 2n 3n +-+
--R
--R
        (((30b x - 20a b x)x + 16a b x x)x + 96a x x x) | a
--R
--R
                  +----+
         n \log(x) 4 \mid n
--R
        (%e ) \|b x + a
--R
--R /
--R
        3 \quad n \quad 2n \quad 3n \quad 4n + -+ \quad n \quad \log(x) \quad 4
--R
      384a n x x x x \|a (%e )
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 591
--S 592 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
```

```
--E 592
--S 593 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
                                   +---+ | n log(x)
--R
        4 n 2n 3n 4n +-+ n log(x) 4 \|- a \|b %e + a
--R
--R
      --R
--R
             3 n 2n 3n 4n +---+ +-+ n log(x) 3
--R
--R
          - 15b x x x x \|- a \|a (%e )
--R
--R
              2 n 2n 3n 4n +---+ +-+ n log(x) 2
--R
         10a b x x x x \|- a \|a (%e )
--R
--R
            2 n 2n 3n 4n +---+ +-+ n log(x) 3 n 2n 3n 4n +---+ +-+
          --R
--R
--R
         +----+
         n log(x)
--R
--R
        \|b %e + a
--R
--R
--R
                                       l n
--R
          4 n 2n 3n 4n +---+ n log(x) 4 \|b x + a
--R
      - 15b x x x x \|- a (%e ) atanh(-----)
--R
--R
                                         \|a
--R
            3 2n 2 n 3n 2 n 2n 4n 3 n 2n 3n +---+ +-+
--R
--R
        (((15b x - 10a b x)x + 8a b x x)x + 48a x x x) | - a | a
--R
                  +----+
--R
         n \log(x) 4 \mid n
--R
        (%e ) \|b x + a
--R
--R /
        3 n 2n 3n 4n +---+ +-+ n log(x) 4
--R
--R
      192a n x x x x \|- a \|a (%e )
--R.
                                         Type: Expression(Integer)
--E 593
--S 594 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R (7) 0
```

```
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 594
)clear all
--S 595 of 1394
t0:=x^{(-1+4*n)/(a+b*x^n)^(1/2)}
--R
--R
--R
          4n - 1
--R
         x
--R (1) -----
     | n
         +----+
--R
--R
--R
       \|b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 595
--S 596 of 1394
r0:=2*a^2*(a+b*x^n)^(3/2)/(b^4*n)-6/5*a*(a+b*x^n)^(5/2)/(b^4*n)+_
    2/7*(a+b*x^n)^(7/2)/(b^4*n)-2*a^3*sqrt(a+b*x^n)/(b^4*n)
--R
--R
          3 n 3 2 n 2 2 n 3 | n
--R
     (10b (x) - 12a b (x) + 16a b x - 32a) | b x + a
--R
    (2) -----
--R
--R
--R
                             35b n
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 596
--S 597 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         3 n log(x) 3 2 n log(x) 2 2 n log(x)
--R
       (10b (%e ) - 12a b (%e ) + 16a b %e - 32a )
--R
--R
        +----+
--R
--R
        | n log(x)
--R
       --R /
--R
        4
--R
      35b n
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 597
--S 598 of 1394
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                   (4)
                                                   3 n log(x) 3 2 n log(x) 2 2 n log(x) 3
--R
                                       (10b (%e ) - 12a b (%e ) + 16a b %e - 32a )
--R
--R
                                          +----+
--R
--R
                                      l n log(x)
                                    \|b %e + a
--R
--R
--R
                                            3 n 3 2 n 2 2 n 3 | n
--R
                              (-10b (x) + 12a b (x) - 16a b x + 32a) | b x + a
--R
--R /
--R
--R
                         35b n
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 598
--S 599 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
               (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 599
)clear all
--S 600 of 1394
t0:=x^{-1+3*n}/(a+b*x^n)^{-1/2}
--R
--R
--R
                                        3n - 1
--R
                                     x
               (1) -----
--R
                                    +----+
--R
                                    l n
--R
--R
                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 600
--S 601 of 1394
r0:=-4/3*a*(a+b*x^n)^(3/2)/(b^3*n)+2/5*(a+b*x^n)^(5/2)/(b^3*n)+_
                2*a^2*sqrt(a+b*x^n)/(b^3*n)
--R
--R
--R
                                            2 n 2 n 2 | n
--R
```

```
--R (6b (x ) - 8a b x + 16a )\|b x + a
--R
--R
--R
                    15b n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 601
--S 602 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        2 n log(x) 2 n log(x) 2 | n log(x)
--R
       (6b (%e ) - 8a b %e + 16a )\|b %e + a
--R
--R (3) ------
--R
                                3
--R
                              15b n
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 602
--S 603 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
       2 n log(x) 2 n log(x) 2 | n log(x)
--R
     (6b (%e ) - 8a b %e + 16a )\|b %e + a
--R
--R
--R
                             +----+
          2 n 2 n 2 l n
--R
--R (- 6b (x ) + 8a b x - 16a )\|b x + a
--R /
      3
--R
    15b n
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 603
--S 604 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 604
)clear all
--S 605 of 1394
t0:=x^{(-1+2*n)/(a+b*x^n)^(1/2)}
```

```
--R
--R
--R
                                   2n - 1
--R
                                  x
--R (1) -----
--R +----+
                               l n
--R
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 605
--S 606 of 1394
r0:=2/3*(a+b*x^n)^(3/2)/(b^2*n)-2*a*sqrt(a+b*x^n)/(b^2*n)
--R
--R
--R
                                n I n
--R
                   (2b x - 4a) \setminus |b x + a|
--R
--R (2) -----
                                                            2
--R
--R
                                                             3b n
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 606
--S 607 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                             n log(x) +----+
n log(x)
--R
--R
                              (2b %e - 4a)\|b %e + a
--R (3) -----
--R
                                                                                           2
--R
                                                                                     3b n
--R
                                                                                                                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 607
--S 608 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
                                           n log(x) | n log(x) n | n
--R
--R
                                (2b \%e - 4a) \b \%e + a + (-2b x + 4a) \b x + a
--R
             (4) -----
--R
--R
                                                                                                                                     2
--R
                                                                                                                               3b n
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 608
```

```
--S 609 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 609
)clear all
--S 610 of 1394
t0:=x^{(-1+n)}/(a+b*x^n)^{(1/2)}
--R
--R
--R
    n - 1
x
--R
--R (1) -----
--R +----+
--R
        l n
--R \|b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 610
--S 611 of 1394
r0:=2*sqrt(a+b*x^n)/(b*n)
--R
--R
--R +----+
--R | n
--R | n
--R 2\|b x + a
--R (2) -----
          b n
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 611
--S 612 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          +----+
         | n log(x)
--R
    2\|b %e + a
--R
--R (3) -----
--R
               b n
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 612
--S 613 of 1394
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
                                                          --R
--R
--R | n log(x) | n log
--R (4) -----
                                                                                     b n
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 613
--S 614 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
                             (5) 0
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 614
)clear all
--S 615 of 1394
t0:=1/(x*(a+b*x^n)^(1/2))
--R
--R
--R
                                                  1
--R (1) -----
                              +----+
| n
--R
--R
                                x\|b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 615
--S 616 of 1394
r0:=-2*atanh(sqrt(a+b*x^n)/sqrt(a))/(n*sqrt(a))
--R
--R
                                                                                                                       l n
--R
                                                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                  2atanh(-----)
+-+
 --R
 --R
                                                                                                                                   \|a
 --R
--R
                              (2) - -----
--R
                                                                                                                +-+
--R
                                                                                                            n \mid a
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 616
--S 617 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
    (3)
--R
--R
           +----+
         | n log(x) +-+ n log(x) +-+
--R
--R
     --R
                       n log(x)
--R
--R
                      %e
--R
--R
--R
                      n \mid a
--R
           +---+ | n log(x)
--R
--R
          --R
     2atan(-----)
--R
               a
--R
--R
                +---+
--R
                n = a
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 617
--S 618 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
           +----+
    | n log(x) +-+ n log(x) +-+ | n

- 2a\|b %e + a + b\|a %e + 2a\|a \|b x + a
--R
--R
--R
    log(-----) + 2atanh(-----)
                     n log(x)
--R
--R
                                                       \|a
--R
--R
                              n \mid a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 618
--S 619 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 619
--S 620 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
```

```
--R
--R
                                           --R
--R
                                  - 2\|a atan(-----) + 2\|- a atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                          \|a
--R
--R
                                                                                                                               +---+ +-+
--R
                                                                                                                         n = a \mid a
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 620
--S 621 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 621
)clear all
--S 622 of 1394
t0:=x^{(-1-n)}/(a+b*x^n)^{(1/2)}
--R
--R
--R
                                      - n - 1
--R
                                     x
--R (1) -----
--R +----+
                                  l n
--R
--R
                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 622
--S 623 of 1394
r0:=b*atanh(sqrt(a+b*x^n)/sqrt(a))/(a^(3/2)*n)-sqrt(a+b*x^n)/(a*n*x^n)
--R
 --R
 --R
                                                            | n +------
||bx+a +-+ | n
 --R
 --R.
                                       n
                                  b x atanh(-----) - |a|b x + a
--R
                                                                             +-+
--R
--R
--R (2) -----
                                                                                 n +-+
--R
--R
                                                                                anx \|a
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 623
--S 624 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
                  +-----+
| n log(x) +-+ n log(x) +-+
--R
--R
--R
        n log(x) 2a\|b %e + a + b\|a %e + 2a\|a
--R
       b %e log(------)
--R
                              n log(x)
--R
--R
--R
--R
         +-+ \mid n \log(x)
--R
       --R
--R
        +-+ n log(x)
--R
      2a n\|a %e
--R
--R
     +---+ | n log(x) +------
n log(x) \|- a \|b %e + a +---+ | n log(x)
--R
--R
    b %e atan(-----) - \|- a \|b %e + a
--R
--R
--R
--R
                       +---+ n log(x)
--R
                     a n\|- a %e
--R
                        Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 624
--S 625 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                   | n \log(x) +++ n \log(x) +-+
--R
       --R
      b x %e log(-----
--R
--R.
                              n log(x)
--R
                              %e
--R
--R
            +----+
--R
      --R
--R
--R
```

```
--R
                                                  \|a
--R
--R
       +-+ n log(x) | n
--R
--R
      2\|a %e \|b x + a
--R /
--R
        n +-+ n log(x)
--R
      2a n x \|a %e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 625
--S 626 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 626
--S 627 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                         +---+ | n log(x)
--R
      --R
--R
--R
--R
                 +----+
--R
       n +---+ +-+ | n log(x)
--R
--R
       - x \|- a \|a \|b %e + a
--R
--R
                            l n
--R
                         --R
        n +---+ n log(x)
--R
      - b x \|- a %e atanh(-----) + \|- a \|a %e \|b x + a
                              +-+
--R
--R
                              \|a
--R /
--R
        n +---+ +-+ n log(x)
--R
      anx \|- a \|a %e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 627
--S 628 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
```

```
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 628
)clear all
--S 629 of 1394
t0:=x^{(-1-2*n)/(a+b*x^n)^(1/2)}
--R
--R
--R
                                   - 2n - 1
--R
                                   x
              (1) -----
--R
                     +----+
--R
--R
                                 l n
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 629
--S 630 of 1394
r0:=-3/4*b^2*atanh(sqrt(a+b*x^n)/sqrt(a))/(a^(5/2)*n)-_
                1/2*sqrt(a+b*x^n)/(a*n*x^(2*n))+3/4*b*sqrt(a+b*x^n)/(a^2*n*x^n)
--R
--R
                                                                                     +----+
                                --R
--R
--R
--R
                                                                                                 +-+
--R
                                                                                              \|a
--R
                                                                                                    2 n 2n +-+
--R
--R
                                                                                                           4anxx \|a
--R
                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 630
--S 631 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                  (3)
--R
                  Γ
--R.
                                                                                                               | n \log(x) +-+ n \log(x) +-+
--R
--R
                                       2 n \log(x) 2 - 2a \le 6 + a + b \ a \%e + 2a \ a
--R
                                    3b (%e ) log(-----)
--R
                                                                                                                                                                n log(x)
                                                                                                                                                               %e
--R
--R
                                                                                                                           +----+
--R
```

```
+-+ n log(x) +-+ | n log(x)
--R
--R
       (6b\|a %e - 4a\|a )\|b %e + a
--R
      2 +-+ n \log(x) 2
--R
--R
     8a n\|a (%e )
--R
--R
--R
                       +---+ | n log(x)
--R
         2 n log(x) 2 \|- a \|b %e + a
--R
--R
       - 3b (%e ) atan(-----)
--R
--R
--R
         +---+ n log(x) +---+ | n log(x)
--R
       (3b\|- a %e - 2a\|- a )\|b %e + a
--R
--R
       2 +---+ n log(x) 2
--R
--R
     4a n\|- a (%e )
--R
--R
                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 631
--S 632 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
        2 n 2n n log(x) 2
--R
       3b x x (%e )
--R
            +-----+
| n log(x) +-+ n log(x) +-+
--R
--R
         --R
                        n \log(x)
--R
                        %e
--R
--R
--R
         n 2n +-+ n log(x) n 2n +-+ | n log(x)
--R
      --R
--R
--R.
                         +----+
--R
                         l n
      2 n 2n n log(x) 2 \|b x + a
--R
--R
      6b x x (%e ) atanh(-----)
--R
--R
                            \|a
--R
--R
                              +----+
```

```
--R /
--R
     2 	 n 	 2n 	 +-+ 	 n 	 \log(x) 	 2
--R
   8a n x x \|a (%e )
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 632
--S 633 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 633
--S 634 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
                             +---+ | n log(x)
--R
      2 n 2n +-+ n log(x) 2 \|- a \|b %e + a
--R
--R
     --R
--R
--R
         n 2n +---+ +-+ n log(x) n 2n +---+ +-+ | n log(x)
--R
--R.
      --R
                              +----+
--R
                              l n
--R
      2 n 2n +---+ n log(x) 2 \|b x + a
--R
     3b x x \|- a (%e ) atanh(-----)
                                +-+
--R
--R
                                 \|a
--R
--R
          2n n +---+ +-+ n log(x) 2 | n
--R
--R
      (-3b x + 2a x) = a = a  (%e ) \|b x + a
--R /
     2 n 2n +---+ +-+ n log(x) 2
--R
--R
     4a n x x \|- a \|a (%e )
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 634
--S 635 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
```

```
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 635
)clear all
--S 636 of 1394
t0:=x^{(-1-3*n)/(a+b*x^n)^(1/2)}
--R
--R
--R
          - 3n - 1
--R
          x
     (1) -----
--R
--R
          +----+
--R
         l n
--R
         \|b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 636
--S 637 of 1394
r0:=5/8*b^3*atanh(sqrt(a+b*x^n)/sqrt(a))/(a^(7/2)*n)-_
    1/3*sqrt(a+b*x^n)/(a*n*x^(3*n))+5/12*b*sqrt(a+b*x^n)/_
    (a^2*n*x^(2*n))-5/8*b^2*sqrt(a+b*x^n)/(a^3*n*x^n)
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
                         l n
--R
           15b x x x atanh(-----)
--R
--R
                            +-+
--R
                            \|a
--R
--R
               2 2n n 3n 2 n 2n +-+ | n
--R
        ((-15b x + 10a b x)x - 8a x x) | a | b x + a
--R
--R /
         3 n 2n 3n +-+
--R
--R
       24a n x x x | a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 637
--S 638 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
                                +----+
```

```
| \quad n \log(x) \qquad +-+ \quad n \log(x) \qquad +-+
--R
        3 n log(x) 3 2a\|b %e + a + b\|a %e + 2a\|a
--R
--R
       15b (%e ) log(-----
--R
                                 n log(x)
--R
--R
           2 +-+ n log(x) 2 +-+ n log(x) 2 +-+
--R
        --R
--R
--R
--R
         n log(x)
--R
        \|b %e + a
--R
        3 +-+ n \log(x) 3
--R
--R
      48a n\|a (%e )
--R
--R.
--R
                      +---+ | n log(x)
--R
        3 n log(x) 3 \|- a \|b %e + a
--R
       15b (%e ) atan(-----)
--R
                         a
--R
--R
           2 +---+ n log(x) 2 +---+ n log(x) 2 +---+
--R
--R
         --R
         +----+
--R
--R
         | n \log(x)
--R
        \|b %e + a
--R.
        3 +---+ n \log(x) 3
--R
--R
     24a n\|- a (%e )
--R
--R
                        Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 638
--S 639 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
        3 n 2n 3n n log(x) 3
--R
--R
       15b x x x (%e )
--R.
            +----+
--R
           | n \log(x) +-+ n \log(x) +-+
--R
--R
         --R
                      n \log(x)
--R
--R
                      %e
```

```
--R
--R
           2 n 2n 3n +-+ n log(x) 2 n 2n 3n +-+ n log(x)
--R
          --R
              2 n 2n 3n +-+
--R
--R
         - 16a x x x \|a
--R
         +----+
--R
         | n \log(x)
--R
--R
        \|b %e + a
--R
--R
                                l n
--R
         --R
--R
       - 30b x x x (%e ) atanh(-----)
--R
                                   +-+
--R
                                   \|a
--R
--R
         2 2n n 3n 2 n 2n +-+ n log(x) 3 | n
--R
--R
       ((30b x - 20a b x)x + 16a x x) | a (%e) | | b x + a
--R /
--R
       3 n 2n 3n +-+ n log(x) 3
--R
     48a n x x x \|a (%e )
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 639
--S 640 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 640
--S 641 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                                 +---+ | n log(x)
--R
        3 n 2n 3n +-+ n log(x) 3 \|- a \|b %e + a
--R.
--R
       15b x x x \|a (%e ) atan(-----)
--R
--R
              2 n 2n 3n +---+ +-+ n log(x) 2
--R
--R
         - 15b x x x \|- a \|a (%e
--R
--R
              n 2n 3n +---+ +-+ n log(x) 2 n 2n 3n +---+ +-+
```

```
10a b x x x \|- a \|a \%e - 8a x x x \|- a \|a
--R
--R
--R
                                    +----+
                                   n log(x)
--R
--R
                                --R
--R
--R
                                                                                                                                         | n
                                     --R
--R
                       - 15b x x x \|- a (%e ) atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                  +-+
--R
                                                                                                                                                   \|a
--R
--R
--R
                                                              n 3n 2 n 2n +---+ +-+ n log(x) 3 | n
                                        2 2n
--R
                           ((15b x - 10a b x )x + 8a x x )\|- a \|a (%e ) \|b x + a
--R /
--R
                             3 n 2n 3n +---+ +-+ n log(x) 3
--R
                      24a n x x x \|- a \|a (%e )
--R
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 641
--S 642 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R
             (7) 0
--R
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 642
)clear all
--S 643 of 1394
t0:=x^{(-1-4*n)/(a+b*x^n)^(1/2)}
--R
--R
                                 - 4n - 1
--R
--R
                                x
                (1) -----
--R
                                +----+
--R
                                l n
--R
--R
                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 643
--S 644 of 1394
r0:=-35/64*b^4*atanh(sqrt(a+b*x^n)/sqrt(a))/(a^(9/2)*n)-_
              1/4*sqrt(a+b*x^n)/(a*n*x^(4*n))+7/24*b*sqrt(a+b*x^n)/_
              (a^2*n*x^(3*n))-35/96*b^2*sqrt(a+b*x^n)/(a^3*n*x^(2*n))+_
              35/64*b^3*sqrt(a+b*x^n)/(a^4*n*x^n)
```

```
--R
--R
--R
             (2)
--R
                                                                                                 l n
--R
--R
                                        4 n 2n 3n 4n
                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                      - 105b x x x x atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                         \|a
--R
--R
--R
                                      3 2n 2 n 3n 2 n 2n 4n 3 n 2n 3n +-+ | n
--R
                       (((105b x - 70a b x )x + 56a b x x )x - 48a x x x )\|a \|b x + a
--R /
--R
                            4 n 2n 3n 4n +-+
--R
                      192a n x x x x \|a
--R
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 644
--S 645 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
                                           4 n log(x) 4
--R
                                      105b (%e )
--R
--R
                                                         n log(x) +-+ n log(x) +-+
--R
--R
                                                  -----)
--R
                                      log(-----
                                                                                                          n log(x)
--R
--R
                                                                                                         %e
--R
                                                    3 +-+ n \log(x) 3 2 +-+ n \log(x) 2
--R
                                            210b \|a (%e ) - 140a b \|a (%e )
--R
--R
                                                       2 +-+ n \log(x) 3 +-+
--R
--R
                                           112a b\|a %e - 96a \|a
--R
--R
                                       n log(x)
--R
                                      \|b %e + a
--R
--R
                                      4 +-+ n log(x) 4
--R
                            384a n\|a (%e )
--R
--R
--R
--R
                                                                                                                           +----+
```

```
+---+ | n log(x)
--R
         4 n log(x) 4 \|-a\|b %e + a
--R
--R
        - 105b (%e ) atan(-----)
--R
--R
            3 +---+ n \log(x) 3 2 +---+ n \log(x) 2
--R
          105b \|- a (%e ) - 70a b \|- a (%e )
--R
--R
            2 +---+ n log(x) 3 +---+
--R
          --R
--R
          +----+
--R
          | n \log(x)
--R
         \|b %e + a
--R
--R
--R
         4 +---+ n log(x) 4
--R
      192a n\|- a (%e )
--R
--R
                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 645
--S 646 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
         4 n 2n 3n 4n n log(x) 4
--R
--R
       105b x x x x (%e )
--R
            +----+
| n log(x) +-+ n log(x) +-+
--R
--R
           --R
        log(-----)
--R
--R
                         n log(x)
--R
                         %e
--R
           3 n 2n 3n 4n +-+ n log(x) 3
--R
         210b x x x x \|a (%e )
--R
--R
              2 n 2n 3n 4n +-+ n log(x) 2
--R
--R
         - 140a b x x x x \|a (%e
--R
--R.
           2 n 2n 3n 4n +-+ n log(x) 3 n 2n 3n 4n +-+
         112a b x x x x \|a %e - 96a x x x x \|a
--R
--R
        +----+
--R
        | n log(x)
--R
--R
        \|b %e + a
--R
--R
                                +----+
```

```
--R
                                  l n
         4 n 2n 3n 4n n log(x) 4 \|b x + a
--R
--R
       210b x x x x (%e ) atanh(-----)
--R
                                    +-+
--R
                                     \|a
--R
               3 2n 2 n 3n 2 n 2n 4n 3 n 2n 3n +-+
--R
--R
        (((- 210b x + 140a b x )x - 112a b x x )x + 96a x x x )\|a
--R
--R
--R
         n \log(x) 4 \mid n
        (%e ) \|b x + a
--R
--R /
       4 n 2n 3n 4n +-+ n log(x) 4
--R
      384a n x x x x \|a (%e )
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 646
--S 647 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 647
--S 648 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
                                          +----+
--R
                                      +---+ | n log(x)
--R
        4 n 2n 3n 4n +-+ n log(x) 4 \|- a \|b %e + a
--R
      - 105b x x x x \|a (%e ) atan(-----)
--R
--R
--R
            3 n 2n 3n 4n +---+ +-+ n log(x) 3
--R
         105b x x x x \|- a \|a (%e )
--R
              2 n 2n 3n 4n +---+ +-+ n log(x) 2
--R
--R
          - 70a b x x x x \|- a \|a (%e )
--R
--R
           2 n 2n 3n 4n +---+ +-+ n log(x) 3 n 2n 3n 4n +---+ +-+
         --R
--R
         +----+
--R
--R
         | n log(x)
         \|b %e + a
--R
--R
```

```
--R
--R
                                          l n
          4 n 2n 3n 4n +---+ n log(x) 4 \|b x + a
--R
--R
      105b x x x x \|- a (%e ) atanh(------)
--R
--R
                                             \|a
--R
                3 2n 2 n 3n 2 n 2n 4n 3 n 2n 3n +---+
--R
        (((- 105b x + 70a b x )x - 56a b x x )x + 48a x x x )\|- a
--R
--R
--R
         +-+ n log(x) 4 | n
--R
--R
         --R /
--R
        4 n 2n 3n 4n +---+ +-+ n log(x) 4
      192a n x x x x \|- a \|a (%e )
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 648
--S 649 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 649
)clear all
--S 650 of 1394
t0:=x^{-1+n}*(a+b*x^n)^p
--R
--R
--R n - 1 n p
--R (1) x (b x + a)
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 650
--S 651 of 1394
r0:=(a+b*x^n)^(1+p)/(b*n*(1+p))
--R
--R
--R
         n p + 1
--R (b x + a)
--R (2) -----
--R
        bnp+bn
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 651
--S 652 of 1394
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                           n log(x)
--R
                 bnp+bn
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 652
--S 653 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                      n log(x)
--R (4) -----
--R
                        bnp+bn
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 653
--S 654 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 654
)clear all
--S 655 of 1394
t0:=x^{-1+2*n}*(a+b*x^n)^p
--R
--R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 655
--S 656 of 1394
\texttt{r0:=-a*(a+b*x^n)^(1+p)/(b^2*n*(1+p))+(a+b*x^n)^(2+p)/(b^2*n*(2+p))}
--R
--R
       n p + 2 n p + 1
(p + 1)(b x + a) + (- a p - 2a)(b x + a)
--R
--R
--R (2) -----
--R
                 2 2 2 2
```

```
--R
                    bnp + 3bnp + 2bn
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 656
--S 657 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
                                                    n log(x)
     2 2 n log(x) 2 n log(x) 2 p log(b %e + a)
--R
   ((bp+b)(%e ) + abp %e - a)%e
--R
--R
                          2 2 2
--R
--R
                         b n p + 3b n p + 2b n
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 657
--S 658 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          2 2 n log(x) 2 n log(x) 2
--R
--R
        ((bp+b)(%e ) +abp%e -a)
--R
             n log(x)
--R
--R
         p log(b %e + a)
--R
--R
      n p + 2 n p - (- p - 1)(b x + a) + (a p + 2a)(b x + a)
--R
--R
--R /
      2 2 2 2
--R
--R
     bnp + 3bnp + 2bn
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 658
--S 659 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 659
)clear all
--S 660 of 1394
t0:=x^{(-1+3*n)*(a+b*x^n)^p}
```

```
--R
--R
--R 3n - 1 n p
--R (1) x (b x + a)
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 660
--S 661 of 1394
 \texttt{r0:=a^2*(a+b*x^n)^(1+p)/(b^3*n*(1+p))-2*a*(a+b*x^n)^(2+p)/(b^3*n*(2+p))+\_ } 
    (a+b*x^n)^(3+p)/(b^3*n*(3+p))
--R
--R
    (2)
--R
       --R
--R
--R
--R
       22 2 2 n p+1
--R
      (ap + 5ap + 6a)(bx + a)
--R /
--R
     3 3 3 2 3 3
--R
    b n p + 6b n p + 11b n p + 6b n
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 661
--S 662 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
         3 2 3 3 n log(x) 3 2 2 2 n log(x) 2
--R
--R
        (b p + 3b p + 2b)(%e ) + (a b p + a b p)(%e )
--R
          2 n log(x) 3
--R
--R
       - 2a b p %e + 2a
--R
--R
               n log(x)
--R
       p log(b %e + a)
--R
       %e
--R /
--R
      3 3
             3 2
                     3
--R
     b n p + 6b n p + 11b n p + 6b n
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 662
--S 663 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
            3 2 3 3 n log(x) 3 2 2 2 n log(x) 2
```

```
(b p + 3b p + 2b)(\%e ) + (a b p + a b p)(\%e
--R
--R
             2 n log(x) 3
--R
            - 2a b p %e + 2a
--R
--R
--R
                   n log(x)
--R
           p log(b %e + a)
--R
--R
        2 n p + 3 2 n p (-p - 3p - 2)(b x + a) + (2a p + 8a p + 6a)(b x + a)
--R
--R
--R
                 2 2 n p + 1
--R
        (-ap -5ap -6a)(bx +a)
--R
--R /
--R
       3 3 3 2
                        3
--R
      b n p + 6b n p + 11b n p + 6b n
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 663
--S 664 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 664
)clear all
--S 665 of 1394
t0:=x^{(-1+4*n)*(a+b*x^n)^p}
--R
--R
        4n - 1 n p
--R (1) x (b x + a)
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 665
--S 666 of 1394
r0:=-a^3*(a+b*x^n)^(1+p)/(b^4*n*(1+p))+3*a^2*(a+b*x^n)^(2+p)/(b^4*n*(2+p))-_
    3*a*(a+b*x^n)^(3+p)/(b^4*n*(3+p))+(a+b*x^n)^(4+p)/(b^4*n*(4+p))
--R.
--R
--R
    (2)
         3 2 n p + 4
--R
--R
        (p + 6p + 11p + 6)(b x + a)
--R
--R
     (- 3a p - 21a p - 42a p - 24a)(b x + a)
--R
```

```
--R
       23 22 2 n p+2
--R
--R
       (3a p + 24a p + 57a p + 36a)(b x + a)
--R
         3 3 3 2 3 3 n p + 1
--R
      (-ap - 9ap - 26ap - 24a)(bx + a)
--R
--R /
             4 3
                     4 2
--R
     b n p + 10b n p + 35b n p + 50b n p + 24b n
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 666
--S 667 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
          43 42 4 4 n log(x) 4
        (b p + 6b p + 11b p + 6b)(%e )
--R
--R
          3 3 3 2 3 n log(x) 3
--R
        (a b p + 3a b p + 2a b p)(%e
--R
--R
--R
            2 2 2 2 2 n log(x) 2 3 n log(x) 4
         (- 3a b p - 3a b p) (%e ) + 6a b p %e - 6a
--R
--R
--R
            n log(x)
        p log(b %e + a)
--R
--R
       %e
--R /
--R
             4 3 4 2 4
--R
     b n p + 10b n p + 35b n p + 50b n p + 24b n
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 667
--S 668 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
          43 42 4 4 n log(x) 4
--R
         (b p + 6b p + 11b p + 6b )(%e )
--R
--R
--R
            3 3 3 2
                          3 n log(x) 3
--R
          (a b p + 3a b p + 2a b p)(\%e
--R
--R
            2 2 2 2 2 n log(x) 2 3 n log(x) 4
         (- 3a b p - 3a b p)(%e ) + 6a b p %e - 6a
--R
--R
--R
                 n log(x)
```

```
--R
           p log(b %e + a)
--R
--R
--R
       3 2 n p + 4
(-p - 6p - 11p - 6)(b x + a)
--R
--R
      3 2 n p + 3
(3a p + 21a p + 42a p + 24a)(b x + a)
--R
--R
--R
           23 22 2
--R
                                2 n p + 2
--R
       (- 3a p - 24a p - 57a p - 36a)(b x + a)
--R
         3 3 3 2 3 3 n p + 1
--R
        (a p + 9a p + 26a p + 24a)(b x + a)
--R
--R /
--R
       4 4 4 3 4 2
                                 4 4
--R
      b n p + 10b n p + 35b n p + 50b n p + 24b n
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 668
--S 669 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 669
)clear all
--S 670 of 1394
t0:=x^{(-1-n-n*p)*(a+b*x^n)^p}
--R
--R
--R
                                              {\tt Type:\ Expression(Integer)}
--E 670
--S 671 of 1394
r0:=-(a+b*x^n)^(1+p)/(a*n*(1+p)*x^(n*(1+p)))
--R
--R
--R
              n p + 1
--R
            (b x + a)
--R
            n p + n
--R
--R
         (anp+an)x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 671
```

```
--S 672 of 1394
--a0:=integrate(t0,x)
--E 672
--S 673 of 1394
--m0:=a0-r0
--E 673
--S 674 of 1394
--d0:=D(m0,x)
--E 674
)clear all
--S 675 of 1394
t0:=x^{(-1-9*n)*(a+b*x^n)^8}
--R
--R
--R (1)
     8 - 9n - 1 n 8 7 - 9n - 1 n 7 2 6 - 9n - 1 n 6
--R
--R
     b x (x) + 8a b x (x) + 28a b x (x)
--R +
--R
      35-9n-1 n5 44-9n-1 n4 53-9n-1 n3
--R
     56a b x
             (x) + 70a b x (x) + 56a b x
--R
       6 2 - 9n - 1 n 2 7 - 9n - 1 n 8 - 9n - 1
--R
--R
      28a b x (x) + 8a b x x + a x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 675
--S 676 of 1394
r0:=-1/9*(a+b*x^n)^9/(a*n*x^(9*n))
--R
--R
--R (2)
         9 n 9 8 n 8 2 7 n 7 3 6 n 6 4 5 n 5
--R
--R
       - b (x ) - 9a b (x ) - 36a b (x ) - 84a b (x ) - 126a b (x )
--R
--R
           54 n 4 6 3 n 3 7 2 n 2 8 n
      - 126a b (x ) - 84a b (x ) - 36a b (x ) - 9a b x - a
--R
--R /
--R.
          9n
--R
      9a n x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 676
--S 677 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (3)
     8 n log(x) 8 7 n log(x) 7 2 6 n log(x) 6
--R
--R
       - 9b (%e ) - 36a b (%e ) - 84a b (%e )
--R
          35 n log(x) 5 44 n log(x) 4 53 n log(x) 3
--R
--R
      - 126a b (%e ) - 126a b (%e ) - 84a b (%e )
--R
          6 2 n log(x) 2 7 n log(x) 8
--R
      - 36a b (%e ) - 9a b %e
--R
--R /
--R
        n log(x) 9
      9n (%e )
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 677
--S 678 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          9 n 9 8 n 8 2 7 n 7 3 6 n 6 4 5 n 5
--R
--R
         b (x) + 9a b (x) + 36a b (x) + 84a b (x) + 126a b (x)
--R
--R
            54 n 4 6 3 n 3 7 2 n 2 8 n 9
--R
         126a b (x ) + 84a b (x ) + 36a b (x ) + 9a b x + a
--R
--R
          n log(x) 9
--R
        (%e )
--R
--R
           8 9n n log(x) 8 2 7 9n n log(x) 7 3 6 9n n log(x) 6
       - 9a b x (%e ) - 36a b x (%e ) - 84a b x (%e )
--R
--R
           4 5 9n n log(x) 5 5 4 9n n log(x) 4
--R
      - 126a b x (%e ) - 126a b x (%e
--R
--R
          6 3 9n n log(x) 3 7 2 9n n log(x) 2 8 9n n log(x)
--R
--R
      - 84a b x (%e ) - 36a b x (%e ) - 9a b x %e
--R
        9 9n
--R
--R
      - a x
--R /
--R.
       9n \quad n \log(x) \quad 9
--R
      9anx (%e )
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 678
--S 679 of 1394
d0:=D(normalize(m0),x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 679
)clear all
--S 680 of 1394
t0:=x^{-4-3*p}*(a+b*x^3)^p
--R
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 680
--S 681 of 1394
r0:=-1/3*(a+b*x^3)^(1+p)/(a*(1+p)*x^(3*(1+p)))
--R
--R
           3 p + 1
--R
     (b x + a)
--R
--R (2) - -----
          3p + 3
--R
--R
        (3a p + 3a)x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 681
--S 682 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       --R (3) -----
--R
                       3a p + 3a
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 682
--S 683 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R 4 3p + 3 (-3p - 4)log(x) p log(b x + a) 3 p + 1 --R (-b x - a x)x %e %e + (b x + a)
--R
--R
                                   3p + 3
```

```
--R
                            (3a p + 3a)x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 683
--S 684 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 684
)clear all
--S 685 of 1394
t0:=(a+b*x^3)^8/x^28
--R
--R
--R (1)
       8 24 7 21 2 6 18 3 5 15 4 4 12 5 3 9
--R
--R
       b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R
        6 2 6 7 3 8
--R
--R
       28a b x + 8a b x + a
--R /
--R
      28
--R
      X
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 685
--S 686 of 1394
r0:=-1/27*(a+b*x^3)^9/(a*x^27)
--R
--R
--R
    (2)
         1 9 27 1 8 24 4 2 7 21 28 3 6 18 14 4 5 15 14 5 4 12
--R
       --- bx --abx --abx ---abx ---abx 27 3 3 9 3 3
--R
                 3
                           3
--R
--R
--R
         28 6 3 9 4 7 2 6 1 8 3 1 9
        ---abx ---abx ---a
--R
--R
                   3
                            3
--R /
--R
         27
--R
      аx
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 686
--S 687 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R (3)
          8 24 7 21 2 6 18 3 5 15 4 4 12 5 3 9
--R
--R
       - 9b x - 36a b x - 84a b x - 126a b x - 126a b x - 84a b x
--R
           6 2 6 7 3 8
--R
--R
       - 36a b x - 9a b x - a
--R /
--R
        27
--R
       27x
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 687
--S 688 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          9
--R
         b
--R
    (4) ---
--R
         27a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 688
--S 689 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 689
)clear all
--S 690 of 1394
t0:=1/(x*(a+b*x^n))
--R
--R
--R
             1
    (1) -----
--R
--R
          n
--R
       bxx +ax
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 690
--S 691 of 1394
r0:=log(x)/a-log(a+b*x^n)/(a*n)
--R
--R
```

```
--R (2) -----
        a n
--R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 691
--S 692 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         n log(x)
--R
    - log(b %e + a) + n log(x)
--R
   (3) -----
--R
--R
                  a n
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 692
--S 693 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
   --R
--R
   (4) -----
--R
--R
                   a n
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 693
--S 694 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 694
)clear all
--S 695 of 1394
t0:=1/(x*(a+b*x^3))
--R
--R
--R
     1
--R (1) -----
    4
--R
   bx +ax
--R
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 695
```

```
--S 696 of 1394
r0:=log(x)/a-1/3*log(a+b*x^3)/a
--R
--R
--R
                3
   -\log(b x + a) + 3\log(x)
--R
--R (2) -----
--R
                 3a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 696
--S 697 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           3
    -\log(b x + a) + 3\log(x)
--R
--R (3) -----
           3a
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 697
--S 698 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 698
--S 699 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 699
)clear all
--S 700 of 1394
t0:=1/(x*(a+b/x^n))
--R
--R
--R
             n
--R
            x
--R (1) -----
          n
--R
--R
       a x x + b x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
```

```
--E 700
--S 701 of 1394
r0:=log(b+a*x^n)/(a*n)
--R
--R
--R
             n
     log(a x + b)
--R
--R (2) -----
         a n
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 701
--S 702 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   n log(x)
log(a %e + b)
--R
--R
--R
   (3) -----
--R
               a n
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 702
--S 703 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
        n log(x) n
--R
   log(a %e + b) - log(a x + b)
--R
--R
   (4) -----
--R
                      a n
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 703
--S 704 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 704
)clear all
--S 705 of 1394
t0:=x^m/(a+b*x^(1+m))
--R
--R
--R
             m
```

```
x
--R
--R (1) -----
   m + 1
--R
--R
       b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 705
--S 706 of 1394
r0:=log(a+b*x^(1+m))/(b*(1+m))
--R
--R
--R
        m + 1
--R \qquad \log(b x + a)
   (2) -----
--R
--R
         b m + b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 706
--S 707 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        (m + 1)log(x)
--R
--R log(b %e + a)
--R (3) -----
         b m + b
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 707
--S 708 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (m + 1)log(x) m + 1

--R log(b %e + a) - log(b x + a)
--R (4) -----
--R
                      b m + b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 708
--S 709 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 709
)clear all
```

```
--S 710 of 1394
t0:=x^m*(a+b*x^(1+m))^n
--R
--R
--R m m + 1 n
--R (1) x (b x + a)
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 710
--S 711 of 1394
r0:=(a+b*x^{(1+m)})^{(1+n)}/(b*(1+m)*(1+n))
--R
--R
           m + 1 n + 1
--R
--R (2) -----
--R (b m + b)n + b m + b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 711
--S 712 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                (m + 1)log(x)
--R (m + 1)log(x) n log(b %e + a)

--R (b %e + a)%e
--R (3) -----
--R
                       (b m + b)n + b m + b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 712
--S 713 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                            (m + 1)log(x)
   (m + 1)\log(x) n \log(b \%e + a) m + 1 n + 1 (b \%e + a)\%e - (b x + a)
--R
--R
--R
--R
                            (b m + b)n + b m + b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 713
--S 714 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 714
)clear all
--S 715 of 1394
t0:=x^m*(a+b*x^(2+2*m))^3
--R
--R
       3 m 2m + 2 3 2 m 2m + 2 2 2 m 2m + 2 3 m
--R
--R (1) b x (x ) + 3a b x (x ) + 3a b x x + a x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 715
--S 716 of 1394
r0:=a^3*x^(1+m)/(1+m)+a^2*b*x^(3*(1+m))/(1+m)+_
  3/5*a*b^2*x^(5*(1+m))/(1+m)+1/7*b^3*x^(7*(1+m))/(1+m)
--R.
--R
        3 7m + 7 2 5m + 5 2 3m + 3 3 m + 1
--R
     5b x + 21a b x + 35a b x + 35a x
--R
--R (2) ------
--R
                         35m + 35
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 716
--S 717 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 3 7 m log(x) 7 2 5 m log(x) 5 2 3 m log(x) 3
      5b x (%e ) + 21a b x (%e ) + 35a b x (%e )
--R
--R
       3 m log(x)
--R
    35a x %e
--R
--R /
--R
     35m + 35
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 717
--S 718 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
     3 7 m log(x) 7 2 5 m log(x) 5 2 3 m log(x) 3
--R
     5b x (%e ) + 21a b x (%e ) + 35a b x (%e )
--R
--R 3 m log(x) 3 7m + 7 2 5m + 5 2 3m + 3 3 m + 1
```

```
--R 35a x %e - 5b x - 21a b x - 35a b x - 35a x
--R /
--R
     35m + 35
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 718
--S 719 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 719
)clear all
--S 720 of 1394
t0:=x^m*(a+b*x^(2+2*m))^2
--R
--R
     2 m 2m + 2 2 m 2m + 2 2 m
--R
--R (1) b x (x ) + 2a b x x + a x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 720
--S 721 of 1394
\texttt{r0}:=\texttt{a}^2*\texttt{x}^(1+\texttt{m})/(1+\texttt{m})+2/3*\texttt{a}*\texttt{b}*\texttt{x}^(3*(1+\texttt{m}))/(1+\texttt{m})+1/5*\texttt{b}^2*\texttt{x}^(5*(1+\texttt{m}))/(1+\texttt{m})
--R
--R 2 5m + 5 Jm - 5

--R 3b x + 10a b x + 15a x
         2 5m + 5 3m + 3 2 m + 1
--R (2) -----
--R
                       15m + 15
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 721
--S 722 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          2 5 m log(x) 5 3 m log(x) 3 2 m log(x)
--R
         3b x (%e ) + 10a b x (%e ) + 15a x %e
--R
--R (3) ------
                                  15m + 15
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 722
--S 723 of 1394
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
   (4)
   25 m log(x) 5 3 m log(x) 3 2 m log(x)
--R
--R
      3b x (%e ) + 10a b x (%e ) + 15a x %e
--R
                      3m + 3 2 m + 1
--R
         2 5m + 5
      - 3b x - 10a b x - 15a x
--R
--R /
--R
      15m + 15
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 723
--S 724 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 724
)clear all
--S 725 of 1394
t0:=x^m*(a+b*x^(2+2*m))
--R
--R
    m 2m + 2 m
--R
--R (1) b x x + a x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 725
--S 726 of 1394
r0:=a*x^{(1+m)}/(1+m)+1/3*b*x^{(3*(1+m))}/(1+m)
--R
         3m + 3 m + 1
--R
     b x + 3a x
--R
--R (2) -----
             3m + 3
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 726
--S 727 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        3 m log(x) 3 m log(x)
--R
--R b x (%e ) + 3a x %e
--R (3) -----
                   3m + 3
--R
```

```
Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 727
--S 728 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
     3 \text{ m log(x)} 3 \text{ m log(x)} 3m + 3 m + 1

b x (\%e ) + 3a x \%e - b x - 3a x
--R
--R
--R (4) ------
--R
                               3m + 3
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 728
--S 729 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 729
)clear all
--S 730 of 1394
t0:=x^m/(a+b*x^(2+2*m))
--R
--R
--R
--R
--R
             m
            x
--R (1) -----
--R 2m + 2
       b x + a
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 730
--S 731 of 1394
r0:=atan(x^{(1+m)}*sqrt(b)/sqrt(a))/((1+m)*sqrt(a)*sqrt(b))
--R
--R
            m + 1 +-+
--R
         x \|b
--R
--R
        atan(-----)
--R
               +-+
--R
              \|a
--R (2) -----
         +-+ +-+
--R
--R (m + 1)|a|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 731
```

```
--S 732 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
        2 +----+ m log(x) 2 m log(x) +----+
--R
--R
      b x \|- a b (%e ) + 2a b x %e - a\|- a b
    log(-----)
--R
                2 m log(x) 2
--R
--R
                 b x (%e ) + a
    [-----,
--R
--R
--R
                   (2m + 2) | - a b
--R
        +---+ m log(x)
--R
       x∖|a b %e
    atan(-----)
--R
--R
     a
--R
    -----]
      +---+
--R
--R
      (m + 1) \mid a b
--R
                        Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 732
--S 733 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
              2 +----+ m log(x) 2 m log(x) +----+
--R
      --R
      \|a \|b log(-----)
--R
                          2 m log(x) 2
--R
--R
                          b x (%e ) + a
--R
--R
                m + 1 + -+
       +----+ x \|b
--R
      - 2\|- a b atan(-----)
--R
                  +-+
--R
--R
                  \|a
--R /
--R
          +----+ +-+ +-+
--R
     (2m + 2)\|- a b \|a \|b
--R
                                   Type: Expression(Integer)
--E 733
--S 734 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 734
--S 735 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
         +---+ m log(x) m + 1 +-+
+-+ +-+ x\|a b %e +---+ x \|b
--R
--R
        \|a \|b atan(-----) - \|a b atan(-----)
a +-+
--R
--R
--R
                                               \|a
--R
    (6) -----
--R
                             +-+ +-+ +---+
--R
                       (m + 1)\|a \|b \|a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 735
--S 736 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 736
)clear all
--S 737 of 1394
t0:=x^m/(a+b*x^(2+2*m))^2
--R
--R
--R
--R
--R (1) -----
        2 2m + 2 2 2m + 2 2
--R
       b (x ) + 2a b x + a
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 737
--S 738 of 1394
r0:=1/2*x^{(1+m)}/(a*(1+m)*(a+b*x^{(2*(1+m)))})+_{-}
   1/2*atan(x^(1+m)*sqrt(b)/sqrt(a))/(a^(3/2)*(1+m)*sqrt(b))
--R.
--R
--R
                         m + 1 + -+
          2m + 2 x \|b m + 1 +-+ +-+
--R
        (b x + a)atan(-----) + x \|a \|b
--R
--R
                           +-+
```

```
--R
                  \|a
--R (2) -----
        2m + 2 2 2 +-+ +-+
--R
--R
      ((2a b m + 2a b)x + 2a m + 2a)|a|b
--R
                                   Type: Expression(Integer)
--E 738
--S 739 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
          2 m log(x) 2
--R
--R
        (b x (%e ) + a)
--R
            2 +----+ m log(x) 2 m log(x) +----+
--R.
--R
          b x \|- a b (%e ) + 2a b x %e - a\|- a b
         log(-----)
--R
                        2 m log(x) 2
--R
--R
                      b x (%e ) + a
--R
        +----+ m log(x)
--R
--R
      2x\|- a b %e
--R
            2 +----+ m log(x) 2 2 +----+
--R
      (4a b m + 4a b)x \mid -a b (\%e ) + (4a m + 4a ) \mid -a b
--R
--R
       --R
--R.
    (b x (%e ) + a)atan(-----) + x\|a b %e a
--R
--R
--R
    -----]
          2 +---+ m log(x) 2 2 +---+
--R
--R
       (2a b m + 2a b)x | a b (%e ) + (2a m + 2a )| a b
--R
                        Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 739
--S 740 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
         2 2 2m + 2 2 +-+ +-+ m log(x) 2
--R
        (b x x + a b x )\|a \|b (%e )
--R
--R
          2m + 2 2 +-+ +-+
--R
--R
        (a b x + a )\|a \|b
--R
            2 +---+ m log(x) 2
--R
                             m log(x) +----+
```

```
b x \|- a b (%e ) + 2a b x %e - a\|- a b
--R
--R
         log(-----
--R
                          2 m log(x) 2
--R
                         b x (%e ) + a
--R
--R
                                         m + 1 +-+
             2 2 2m + 2 2 +----+ x \|b
--R
          (- 2b x x - 2a b x )\|- a b atan(-----)
--R
--R
--R
                                            \|a
--R
             2 m + 1 +----+ +-+ +-+
--R
          - 2b x x \|- a b \|a \|b
--R
--R
--R
          m log(x) 2
--R
        (%e )
--R
--R
           2m + 2
                     +----+ +-+ +-+ m log(x)
       (2b x x + 2a x)\|- a b \|a \|b %e
--R
--R
--R
                                 m + 1 +-+
        2m + 2 2 +----+ x \|b m + 1 +----+ +-+ +-+
--R
      (- 2a b x - 2a )\|- a b atan(-----) - 2a x \|- a b \|a \|b
--R
--R
                                    +-+
--R
                                    \|a
--R /
            2 2 2m + 2
                               2 2 +----+ +-+ +-+
--R
--R
         ((4a b m + 4a b) x x + (4a b m + 4a b) x) - a b | a | b
--R
--R
          m log(x) 2
--R
        (%e )
--R
         2 2 2m + 2 3 3 +----+ +-+ +-+
--R
--R
       ((4a b m + 4a b)x + 4a m + 4a) = a b | a | b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 740
--S 741 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R.
                                           Type: Expression(Integer)
--E 741
--S 742 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
```

```
2 2 2m + 2 2 +-+ +-+ m log(x) 2
--R
          (b x x + a b x )\|a \|b (%e )
--R
--R
--R
              2m + 2 2 +-+ +-+
--R
         (a b x + a )\|a \|b
--R
--R
             +---+ m log(x)
--R
           x∖|a b %e
--R
         atan(-----)
               a
--R
--R
            m + 1 +-+
2 2 2m + 2 2 +---+ x \|b
--R
--R
         (- b x x - a b x )\|a b atan(-----)
--R
--R
--R
                                        \|a
--R.
          2 m + 1 +-+ +-++
--R
--R
          - b x x \|a \|b \|a b
--R
--R
          m log(x) 2
--R
        (%e )
--R
        2m + 2 +-+ +-+ m log(x)
--R
--R
       (b x x + a x)\|a \|b \|a b %e
--R
--R
                                m + 1 + -+
             2m + 2 2 +---+ x \|b m + 1 +-+ +---+
--R
--R
        (- a b x - a )\|a b atan(-----) - a x \|a \|b \|a b
--R
                                  +-+
--R
                                  \|a
--R /
            2 2 2 2m + 2
                                2 2 +-+ +-+ +---+
--R
--R
        ((2a b m + 2a b)x x + (2a b m + 2a b)x)|a |b |a b
--R
          m log(x) 2
--R
--R
        (%e )
--R
                2 2m + 2 3 3 +-+ +-+ +---+
--R
--R
       ((2a b m + 2a b)x + 2a m + 2a)|a|b|a|b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 742
--S 743 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 743
```

```
)clear all
--S 744 of 1394
t0:=x^m/(a+b*x^(2+2*m))^3
--R
--R
--R
                            m
--R
                           x
--R
--R
        3 2m + 2 3 2 2m + 2 2 2 2m + 2 3
--R
                                           + a
        b (x ) + 3a b (x ) + 3a b x
                                          Type: Expression(Integer)
--R
--E 744
--S 745 of 1394
r0:=1/4*x^{(1+m)}/(a*(1+m)*(a+b*x^{(2*(1+m))}^2)+_
    3/8*x^{(1+m)}/(a^2*(1+m)*(a+b*x^{(2*(1+m)))})+_
    3/8*atan(x^{(1+m)}*sqrt(b)/sqrt(a))/(a^{(5/2)}*(1+m)*sqrt(b))
--R
--R
--R
    (2)
--R
                                        m + 1 +-+
          2 2m + 2 2 2m + 2 2 x \|b
--R
       (3b (x ) + 6a b x + 3a )atan(-----)
--R
--R
--R
                                          \|a
--R
--R
          m + 1 2m + 2 m + 1 +-+ +-+
--R
       (3b x x + 5a x) | a | b
--R /
           2 2 2 2 2m + 2 2 3 3 2m + 2 4 4 +-+
--R
        ((8a b m + 8a b)(x) + (16a b m + 16a b)x + 8a m + 8a) | a
--R
--R
--R
        +-+
--R
       \|b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 745
--S 746 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R.
--R
   (3)
--R
   [
             2 4 m log(x) 4 2 m log(x) 2 2
--R
--R
           (3b x (\%e) + 6a b x (\%e) + 3a)
--R
                2 +----+ m log(x) 2 m log(x) +----+
--R
              --R
```

```
--R
                            2 m log(x) 2
--R
--R
                            b x (%e ) + a
--R
            3 +----+ m log(x) 3 +----+ m log(x)
--R
         6b x \  \  ) + 10a x\  \  \   %e
--R
--R
                  2\ 2\ 4 +----+ m log(x) 4
--R
        (16a b m + 16a b )x \|- a b (%e )
--R
--R
--R
                   3 \quad 2 +----+ \quad m \log(x) \quad 2 \quad 4
        (32a b m + 32a b)x = a b (%e) + (16a m + 16a) = a b
--R
--R
--R
            2 4 m log(x) 4 2 m log(x) 2 2
--R
          (3b x (%e ) + 6a b x (%e ) + 3a )
--R
--R
--R
               +---+ m log(x)
--R
             x∖|a b %e
--R
           atan(-----)
--R
--R
--R
           3 +---+ m log(x) 3 +---+ m log(x)
         3b \times |a b (\%e)| + 5a \times |a b \%e|
--R
--R
           2 2 2 2 4 +---+ m log(x) 4
--R
--R
        (8a b m + 8a b )x \|a b (%e
--R
--R
           3 3 2 +---+ m \log(x) 2 4 4 +---+
--R
        (16a b m + 16a b)x | a b (%e ) + (8a m + 8a )| a b
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 746
--S 747 of 1394
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
            4 4 2m + 2 2 3 4 2m + 2 2 2 4 +-+ +-+ m log(x) 4
--R
          (3b x (x ) + 6a b x x + 3a b x )\|a \|b (%e )
--R
--R
--R
             3 2 2m + 2 2 2 2 2m + 2 3 2 +-+ +-+ m log(x) 2
--R
           (6a b x (x ) + 12a b x x + 6a b x )\|a \|b (%e )
--R
             2 2 2m + 2 2 3 2m + 2 4 +-+ +-+
--R
--R
           (3a b (x ) + 6a b x + 3a ) | a | b
--R
             2 +----+ m log(x) 2 m log(x) +----+
--R
           b x \|- a b (%e ) + 2a b x %e - a\|- a b
--R
```

```
--R
--R
                         2 m log(x) 2
--R
                         b x (%e ) + a
--R
               4 4 2m + 2 2 3 4 2m + 2 2 2 4 +----+
--R
--R
            (-6b x (x) - 12a b x x - 6a b x) = a b
--R
--R
               m + 1 + -+
--R
              x \|b
            atan(-----)
--R
--R
                 +-+
--R
                 \|a
--R
            3 4 m + 1 2m + 2 2 4 m + 1 +----+ +-+ +-+
--R
         (- 6b x x x - 10a b x x )\|- a b \|a \|b
--R
--R
--R
          m log(x) 4
         (%e )
--R
--R
          3 3 2m + 2 2 2 3 2m + 2 2 3 +----+ +-+ +-+
--R
--R
         (6b x (x ) + 12a b x x + 6a b x )\|- a b \|a \|b
--R
--R
          m log(x) 3
--R
         (%e )
--R
--R
                3 2 2m + 2 2 2 2 2m + 2 3 2 +----+
--R
            (-12a b x (x ) - 24a b x x - 12a b x ) | - a b
--R
--R
               m + 1 +-+
--R
               x \|b
            atan(----)
--R
                  +-+
--R
--R
                 \|a
--R
               2 2 m + 1 2m + 2 2 m + 1 +----+ +-+ +-+
--R
         (- 12a b x x x - 20a b x x )\|- a b \|a \|b
--R
--R
--R
          m log(x) 2
--R
        (%e )
--R
           2 2m + 2 2 2 2m + 2 3 +----+ +-+ m log(x)
--R
--R
       (10a b x (x ) + 20a b x x + 10a x)\|- a b \|a \|b %e
--R
--R.
                                                m + 1 +-+
          2 2 2m + 2 2 3 2m + 2 4 +----+ x \|b
--R
      (- 6a b (x ) - 12a b x - 6a )\|- a b atan(-----)
--R
--R
--R
                                                   \|a
--R
--R
          2 m + 1 2m + 2 3 m + 1 +----+ +-+ +-+
```

```
(-6abx x - 10ax) = ab |a|b
--R
--R /
--R
            2 4 2 4 4 2m + 2 2 3 3 3 3 4 2m + 2
--R
          (16a b m + 16a b )x (x ) + (32a b m + 32a b )x x
--R
--R
              4 2
                    4 2 4
--R
          (16a b m + 16a b )x
--R
         +----+ +-+ +-+ m log(x) 4
--R
--R
        \|- a b \|a \|b (%e
--R
             3 3 3 3 2 2m + 2 2 4 2 4 2 2 2m + 2
--R
          (32a b m + 32a b )x (x ) + (64a b m + 64a b )x x
--R
--R
--R
            5 5 2
--R
          (32a b m + 32a b)x
--R
--R
          +---++-+-+ m log(x) 2
--R
         \|- a b \|a \|b (%e
--R
              4 2 4 2 2m + 2 2 5 5 2m + 2 6
--R
--R
           (16a b m + 16a b )(x ) + (32a b m + 32a b)x + 16a m
--R
--R
             6
--R
           16a
--R
         +----+ +-+ +-+
--R
--R
         \|- a b \|a \|b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 747
--S 748 of 1394
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 748
--S 749 of 1394
m0b:=a0.2-r0
--R
--R.
--R (6)
            4 4 2m + 2 2 3 4 2m + 2 2 2 4 +-+ +-+ m log(x) 4
--R
--R
          (3b x (x ) + 6a b x x + 3a b x ) | a | b (%e)
--R
             3 2 2m + 2 2 2 2 2m + 2 3 2 +-+ +-+ m log(x) 2
--R
          (6a b x (x ) + 12a b x x + 6a b x ) | a | b (%e )
--R
--R
```

```
2 2 2m + 2 2 3 2m + 2 4 +-+ +-+
--R
--R
         (3a b (x ) + 6a b x + 3a)|a|b
--R
             +---+ m log(x)
--R
--R
           x∖|a b %e
--R
         atan(-----)
--R
--R
--R
                                                    m + 1 + -+
             4 4 2m + 2 2 3 4 2m + 2 2 2 4 +---+ x \|b
--R
--R
         (- 3b x (x ) - 6a b x x - 3a b x )\|a b atan(-----)
                                                       +-+
--R
--R
                                                       \|a
--R
--R
            3 4 m + 1 2m + 2 2 4 m + 1 +-+ +--+
         (- 3b x x x - 5a b x x )\|a \|b \|a b
--R
--R
--R
         m log(x) 4
--R
        (%e )
--R
        3\ 3\ 2m + 2\ 2 2\ 3\ 2m + 2 2\ 3\ +-++--+ m\ log(x)\ 3
--R
--R
       (3b x (x ) + 6a b x x + 3a b x ) | a | b | a b (%e)
--R
               3 2 2m + 2 2 2 2 2m + 2 3 2 +---+
--R
--R
           (- 6a b x (x ) - 12a b x x - 6a b x )\|a b
--R
--R
               m + 1 +-+
--R
              x \|b
--R
           atan(-----)
--R.
                 +-+
--R
                 \|a
--R
              2 2 m + 1 2m + 2 2 m + 1 +-+ +--+
--R
--R
         (- 6a b x x x - 10a b x x )\|a \|b \|a b
--R
--R
          m log(x) 2
--R
        (%e )
--R
          2 2m + 2 2 2 2m + 2 3 +-+ +-+ m log(x)
--R
       (5a b x (x ) + 10a b x x + 5a x)\|a \|b \|a b %e
--R
--R
--R
          2 2 2m + 2 2 3 2m + 2 4 +---+ x \b
--R
--R
      (- 3a b (x ) - 6a b x - 3a )\|a b atan(-----)
--R
                                                +-+
--R
                                               \|a
--R
        2 m + 1 2m + 2 3 m + 1 +-+ +--+
--R
       (- 3abx x - 5ax )\|a\|b\|ab
--R
--R /
```

```
2 4 2 4 4 2m + 2 2 3 3 3 3 4 2m + 2
--R
--R
            (8a b m + 8a b)x (x ) + (16a b m + 16a b)x x
--R
--R
              4 2
                    424
--R
           (8a b m + 8a b )x
--R
--R
           +-+ +-+ +---+ m log(x) 4
--R
          \|a \|b \|a b (%e
--R
                     3 3 2 2m + 2 2 4 2
--R
               3 3
                                                  4 2 2 2m + 2
--R
           (16a b m + 16a b )x (x ) + (32a b m + 32a b )x x
--R
              5
                      5 2
--R
--R
           (16a b m + 16a b)x
--R
--R
           +-+ +-+ +--+ m log(x) 2
--R
          \|a \|b \|a b (%e
--R
             4 2 4 2 2m + 2 2 5 5 2m + 2 6
--R
          ((8a b m + 8a b)(x) + (16a b m + 16a b)x + 8a m + 8a)
--R
--R
--R
           +-+ +-+ +---+
--R
          \|a \|b \|a b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 749
--S 750 of 1394
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 750
)clear all
--S 751 of 1394
t0:=x^m*(a+b*x^(2+2*m))^(5/2)
--R
--R
--R
          2 m 2m + 2 2 m 2m + 2 2 m | 2m + 2
--R
--R (1) (b x (x ) + 2a b x x + a x )\|b x + a
--R.
                                                Type: Expression(Integer)
--E 751
--S 752 of 1394
r0:=5/24*a*x^{(1+m)}*(a+b*x^{(2*(1+m))}^{(3/2)}/(1+m)+_
    1/6*x^{(1+m)}*(a+b*x^{(2*(1+m))})^{(5/2)}/(1+m)+_
    5/16*a^3*atanh(x^(1+m)*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^(2*(1+m))))/((1+m)*sqrt(b))+_
```

```
5/16*a^2*x^(1+m)*sqrt(a+b*x^(2*(1+m)))/(1+m)
--R
--R
--R
    (2)
--R
                   m + 1 +-+
               x \|b
--R
         3
        15a atanh(-----)
--R
                 +----+
--R
--R
                  1 2m + 2
--R
                 \|b x + a
--R
            2 m + 1 2m + 2 2 m + 1 2m + 2 2 m + 1 +-+
--R
          (8b x (x ) + 26a b x x + 33a x )\|b
--R
--R
--R
          +----+
--R
          2m + 2
--R
          \|b x + a
--R /
--R
--R
       (48m + 48) | b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 752
--S 753 of 1394 (constant residues)
--a0:=integrate(t0,x)
--E 753
--S 754 of 1394
--m0:=a0-r0
--E 754
--S 755 of 1394
--d0:=D(m0,x)
--E 755
)clear all
--S 756 of 1394
t0:=x^m*(a+b*x^(2+2*m))^(3/2)
--R
--R
--R
--R.
           m 2m + 2 m | 2m + 2
--R (1) (b x x + a x )\|b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 756
--S 757 of 1394
r0:=1/4*x^{(1+m)}*(a+b*x^{(2*(1+m))}^{(3/2)}/(1+m)+_
    3/8*a^2*atanh(x^(1+m)*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^(2*(1+m))))/((1+m)*_
```

```
sqrt(b))+3/8*a*x^(1+m)*sqrt(a+b*x^(2*(1+m)))/(1+m)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                   m + 1 +-+
                x \lb
          2
--R
        3a atanh(-----)
--R
                 +----+
--R
--R
                 | 2m + 2
--R
                 \|b x + a
--R
--R
           m + 1 2m + 2 m + 1 +-+ | 2m + 2
--R
        (2b x x + 5a x) | b | b x + a
--R
--R /
--R
--R
       (8m + 8) \setminus b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 757
--S 758 of 1394 (constant residues)
--a0:=integrate(t0,x)
--E 758
--S 759 of 1394
--m0:=a0-r0
--E 759
--S 760 of 1394
--d0:=D(m0,x)
--E 760
)clear all
--S 761 of 1394
t0:=x^m*(a+b*x^(2+2*m))^(1/2)
--R
--R
            +----+
--R
          m | 2m + 2
--R
--R
    (1) x \|b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 761
--S 762 of 1394
r0:=1/2*a*atanh(x^{(1+m)}*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^{(2*(1+m))))/((1+m)*sqrt(b))+_
    1/2*x^{(1+m)}*sqrt(a+b*x^{(2*(1+m)))}/(1+m)
--R
--R
--R
                                             +----+
                    m + 1 +-+
```

```
x \|b m + 1 +-+ | 2m + 2
--R
--R
       +----+
--R
             2m + 2
--R
--R
            \|b x + a
   (2) -----
--R
--R
--R
                      (2m + 2) | b
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 762
--S 763 of 1394 (constant residues)
--a0:=integrate(t0,x)
--E 763
--S 764 of 1394
--m0:=a0-r0
--E 764
--S 765 of 1394
--d0:=D(m0,x)
--Е 765
)clear all
--S 766 of 1394
t0:=x^m/(a+b*x^(2+2*m))^(1/2)
--R
--R
--R
            m
--R
           X
--R (1) -----
--R +----+
       | 2m + 2
--R
      \|b x + a
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 766
--S 767 of 1394
r0:=atanh(x^{(1+m)}*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^{(2*(1+m)))})/((1+m)*sqrt(b))
--R
--R
              m + 1 +-+
--R
--R
             x \|b
       atanh(-----)
--R
           +----+
--R
            | 2m + 2
--R
--R
           \|b x + a
--R (2) -----
--R
             +-+
```

```
--R
            (m + 1) \setminus b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 767
--R
--S 768 of 1394 (constant residues)
--a0:=integrate(t0,x)
--E 768
--S 769 of 1394
--m0:=a0-r0
--Е 769
--S 770 of 1394
--d0:=D(m0,x)
--Е 770
)clear all
--S 771 of 1394
t0:=x^m/(a+b*x^(2+2*m))^(3/2)
--R
--R
--R
--R
--R (1) -----
                       +----+
--R
         2m + 2 | 2m + 2
--R
--R
         (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 771
--S 772 of 1394
r0:=x^{(1+m)/(a*(1+m)*sqrt(a+b*x^{(2*(1+m))))}
--R
--R
--R
                  m + 1
--R
                 X
    (2) -----
--R
                 +----+
          +---
| 2m + 2
--R
--R
--R
        (a m + a) \setminus |b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 772
--S 773 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                      +----+
```

```
m \log(x) \mid 2 m \log(x) 2
--R
--R
        x %e \|b x (%e ) + a
--R (3) -----
         2 m log(x) 2 2
--R
--R
        (a b m + a b)x (%e ) + a m + a
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 773
--S 774 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
       m \log(x) \mid 2m + 2 \mid 2 m \log(x) 2
     --R
--R
--R
        2 m + 1 m log(x) 2 m + 1
--R
      - b x x (%e ) - a x
--R /
--R
                2 m log(x) 2 2 | 2m + 2
--R
    ((a b m + a b)x (%e ) + a m + a )\|b x + a
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 774
--S 775 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 775
)clear all
--S 776 of 1394
t0:=x^m/(a+b*x^(2+2*m))^(5/2)
--R
--R
--R
                          m
--R
                        x
--R (1) -----
--R.
        2 2m + 2 2 2m + 2 2 | 2m + 2
--R
       (b (x ) + 2a b x + a) \setminus b x
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 776
--S 777 of 1394
```

```
r0:=1/3*x^{(1+m)}/(a*(1+m)*(a+b*x^{(2*(1+m))})^{(3/2)}+_
   2/3*x^{(1+m)}/(a^2*(1+m)*sqrt(a+b*x^{(2*(1+m))}))
--R
--R
--R
                  m + 1 2m + 2 m + 1
--R
                2b x x + 3a x
--R (2) ------
--R
         2 2 2m + 2 3 3 | 2m + 2
--R
       ((3a b m + 3a b)x + 3a m + 3a) | b x + a
--R
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 777
--S 778 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
           3 m \log(x) 3 m \log(x) | 2 m \log(x) 2
--R
     (2b x (%e ) + 3a x %e )\|b x (%e ) + a
--R
--R
    22 224 m log(x) 4 3 32 m log(x) 2 4 4
--R (3a b m + 3a b )x (%e ) + (6a b m + 6a b)x (%e ) + 3a m + 3a
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 778
--S 779 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          2 3 2m + 2 3 m log(x) 3
--R
--R
         (2b x x + 2a b x )(%e )
--R
              2m + 2 2 m log(x)
--R
        (3a b x x + 3a x)\%e
--R
--R
--R
         +----+
         | 2m + 2 | 2 m \log(x) 2
--R
--R
       --R
         3 4 m + 1 2m + 2 2 4 m + 1 m log(x) 4
--R
--R.
      --R
--R
          2 2 m + 1 2m + 2 2 2 m + 1 m log(x) 2
--R
      (- 4a b x x x - 6a b x x )(%e )
--R
        2 m + 1 2m + 2 3 m + 1
--R
--R
      - 2a b x \phantom{a}x - 3a x
```

```
--R /
--R
           23 2342m+2 32 324 m log(x)4
--R
         ((3a b m + 3a b) x x + (3a b m + 3a b) x)(%e)
--R
            3\ 2 3\ 2\ 2\ 2m + 2 4 4\ 2\ m\ log(x)\ 2
--R
--R
         ((6a b m + 6a b) x x + (6a b m + 6a b) x)(%e)
--R
           4 4 2m + 2 5
--R
        (3a b m + 3a b)x + 3a m + 3a
--R
--R
--R
        +----+
        2m + 2
--R
       \|b x + a
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 779
--S 780 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 780
)clear all
--S 781 of 1394
t0:=x^m/(a+b*x^(2+2*m))^(7/2)
--R
--R
--R
                                   m
--R
                                   x
--R
--R
         3 2m + 2 3 2 2m + 2 2 2m + 2 3 | 2m + 2
--R
        (b (x ) + 3a b (x ) + 3a b x + a )\|b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 781
--S 782 of 1394
r0:=1/5*x^{(1+m)}/(a*(1+m)*(a+b*x^{(2*(1+m))})^{(5/2)})+_{-}
   4/15*x^{(1+m)}/(a^2*(1+m)*(a+b*x^{(2*(1+m))})^{(3/2)}+_
    8/15*x^{(1+m)}/(a^3*(1+m)*sqrt(a+b*x^{(2*(1+m))}))
--R.
--R
--R
      2 m + 1 2m + 2 2 m + 1 2m + 2 2 m + 1
      8b x (x ) + 20a b x x + 15a x
--R
--R /
          3 2 3 2 2m + 2 2 4 4 2m + 2 5 5
--R
```

```
((15a b m + 15a b)(x) + (30a b m + 30a b)x + 15a m + 15a)
--R
--R
--R
       | 2m + 2
--R
--R
      \|b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 782
--S 783 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
        2 5 m log(x) 5 3 m log(x) 3 2 m log(x)
--R
      (8b x (%e ) + 20a b x (%e ) + 15a x %e )
--R
--R
--R
--R
       | 2 m \log(x) 2
--R
       \|b x (%e ) + a
--R /
        3 3 3 3 6 m log(x) 6 4 2 4 2 4 m log(x) 4
--R
--R
      (15a b m + 15a b )x (%e ) + (45a b m + 45a b )x (%e )
--R
--R
        5 5 2 m \log(x) 2 6 6
--R
       (45a b m + 45a b)x (%e ) + 15a m + 15a
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 783
--S 784 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          4 5 2m + 2 2 3 5 2m + 2 2 2 5 m log(x) 5
--R
--R
         (8b x (x ) + 16a b x x + 8a b x )(%e )
--R
             3 3 2m + 2 2 2 3 2m + 2 3 3 m log(x) 3
--R.
--R
         (20a b x (x ) + 40a b x x + 20a b x )(%e )
--R
           2\ 2\ 2m + 2\ 2 3\ 2m + 2 4\ m \log(x)
--R
         (15a b x (x) + 30a b x x + 15a x)\%e
--R
--R
--R
         +----+
--R.
        | 2m + 2 | 2 m log(x) 2
        --R
--R
          5 6 m + 1 2m + 2 2 4 6 m + 1 2m + 2 2 3 6 m + 1
--R
--R
        (-8b x x (x ) - 20a b x x x - 15a b x x )
--R
--R
         m log(x) 6
```

```
(%e )
--R
--R
--R
          4 4 m + 1 2m + 2 2 2 3 4 m + 1 2m + 2 3 2 4 m + 1
--R
         (- 24a b x x (x ) - 60a b x x x - 45a b x x )
--R
--R
          m log(x) 4
--R
        (%e )
--R
            2 3 2 m + 1 2m + 2 2 3 2 2 m + 1 2m + 2 4 2 m + 1
--R
         (- 24a b x x (x ) - 60a b x x x - 45a b x x
--R
--R
--R
          m log(x) 2
        (%e )
--R
--R
--R
         3 2 m + 1 2m + 2 2 4 m + 1 2m + 2 5 m + 1
       - 8a b x (x ) - 20a b x x - 15a x
--R
--R /
--R.
                    3 5 6 2m + 2 2 4 4 4 4 6 2m + 2
           (15a b m + 15a b )x (x ) + (30a b m + 30a b )x x
--R
--R
--R
              5 3 5 3 6
--R
          (15a b m + 15a b )x
--R
--R
           m log(x) 6
--R
          (%e )
--R
              4 4 4 4 2m + 2 2 5 3 5 3 4 2m + 2
--R
--R
           (45a b m + 45a b )x (x ) + (90a b m + 90a b )x x
--R
--R
              6 2 6 2 4
--R
          (45a b m + 45a b )x
--R
--R
           m log(x) 4
--R
         (%e )
--R
              5 3 5 3 2 2m + 2 2 6 2 6 2 2 2m + 2
--R
           (45a b m + 45a b )x (x ) + (90a b m + 90a b )x x
--R
--R
             7
                    7 2
--R
--R
          (45a b m + 45a b)x
--R
--R
           m log(x) 2
         (%e )
--R
--R.
          6 2 6 2 2m + 2 2 7 7 2m + 2
--R.
                                                     8
        (15a b m + 15a b )(x ) + (30a b m + 30a b)x + 15a m + 15a
--R
--R
--R
        +----+
       1 2m + 2
--R
--R
       \|b x + a
```

```
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 784
--S 785 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 785
)clear all
--S 786 of 1394
t0:=x^n*sqrt(1+x^(1+n))
--R
--R
+----+
--R (1) x \|x + 1
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 786
--S 787 of 1394
r0:=2/3*(1+x^(1+n))^(3/2)/(1+n)
--R
--R
                  +----+
--R
--R (2) -----
        3n + 3
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 787
--S 788 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        (n + 1)\log(x) | (n + 1)\log(x)
--R
    (2%e + 2)\|%e + 1
--R
--R (3) -----
                      3n + 3
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 788
--S 789 of 1394
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
   (4)
--R
   --R
--R
  (2\%e + 2)\|\%e + 1 + (-2x - 2)\|\x + 1
--R
--R
--R
                          3n + 3
--R
                                   Type: Expression(Integer)
--E 789
--S 790 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                   Type: Expression(Integer)
--E 790
)clear all
--S 791 of 1394
t0:=x^n*sqrt(a^2+x^(1+n))
--R
--R
--R
       +----+
--R (1) x \|x + a
--R
                                   Type: Expression(Integer)
--E 791
--S 792 of 1394
r0:=2/3*(a^2+x^(1+n))^(3/2)/(1+n)
--R
--R
--R
       n + 1 2 | n + 1 2
--R
    (2x + 2a)\|x + a
--R
--R (2) -----
--R
              3n + 3
--R
                                   Type: Expression(Integer)
--E 792
--S 793 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                      +----+
--R
      (n + 1)\log(x) 2 | (n + 1)\log(x) 2
--R
--R (2%e + 2a)\|%e + a
--R (3) -----
```

```
3n + 3
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 793
--S 794 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
--R
          (n + 1)\log(x) 2 | (n + 1)\log(x) 2
--R
        (2%e
                + 2a )\|%e
--R
--R
--R
         n + 1 2 | n + 1 2
--R
       (-2x - 2a) \mid x + a
--R /
--R
      3n + 3
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 794
--S 795 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 795
)clear all
--S 796 of 1394
t0:=(c*(a+b*x)^2)^(5/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
     4 2 4 3 2 3 2 2 2 2 3 2 4 2 | 2 2
--R
    (b c x + 4a b c x + 6a b c x + 4a b c x + a c )\|b c x + 2a b c x + a c
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 796
--S 797 of 1394
r0:=1/6*c^2*(a+b*x)^5*sqrt(c*(a+b*x)^2)/b
--R
--R
--R (2)
         5 2 5 4 2 4 2 3 2 3 3 2 2 2 4 2 5 2
--R
--R
        (b c x + 5a b c x + 10a b c x + 10a b c x + 5a b c x + a c )
--R
```

```
--R
       | 2 2 2
--R
      \|b c x + 2a b c x + a c
--R
--R /
--R 6b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 797
--S 798 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
    5 2 6 4 2 5 2 3 2 4 3 2 2 3 4 2 2 5 2 +-+
--R
   (b c x + 6a b c x + 15a b c x + 20a b c x + 15a b c x + 6a c x)\|c
--R
--R
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 798
--S 799 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          5 2 5 4 2 4 2 3 2 3 3 2 2 2 4 2 5 2
--R
--R
         (-bcx - 5abcx - 10abcx - 10abcx - 5abcx - ac)
--R
--R
         | 2 2 2
--R.
--R
        \|bcx + 2abcx + ac
--R
      6 2 6 5 2 5 2 4 2 4 3 3 2 3 4 2 2 2 5 2 +-+
--R
--R
    (b c x + 6a b c x + 15a b c x + 20a b c x + 15a b c x + 6a b c x)\|c
--R /
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 799
--S 800 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R.
--R (5)
         5 2 5 4 2 4 2 3 2 3 3 2 2 2 4 2 5 2 +-+
--R
--R
        (b c x + 5a b c x + 10a b c x + 10a b c x + 5a b c x + a c )\|c
--R
--R
         +----+
        | 2 2 2
--R
--R
       \|bcx + 2abcx + ac
```

```
--R
--R 6 3 6 5 3 5 2 4 3 4 3 3 3 3 4 2 3 2 5 3 --R - b c x - 6a b c x - 15a b c x - 20a b c x - 15a b c x - 6a b c x
--R
--R
                         6 3
--R
                      - a c
--R /
                     +----+
--R
                       | 2 2 2
--R
--R
                     \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 800
)clear all
--S 801 of 1394
t0:=(c*(a+b*x)^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                  2 2 2 2 2 2
--R
--R (1) (b c x + 2a b c x + a c) \setminus |b c x + 2a b c x + a c
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 801
--S 802 of 1394
r0:=1/4*c*(a+b*x)^3*sqrt(c*(a+b*x)^2)/b
--R
--R
--R
                                                                                                                              +----+
--R
                            3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
                        (b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c)\|b c x + 2a b c x + a c
--R (2) ------
--R
--R
                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 802
--S 803 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
 --R
                              3 4 2 3 2 2 3
 --R
--R
                       (bcx + 4abcx + 6abcx + 4acx) | c
--R (3) -----
--R.
--R
                                                                                                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 803
--S 804 of 1394
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R (4)
--R
                                                             3 3 2 2 2 3 | 2 2
--R
--R
                                               (-bcx - 3abcx - 3abcx - ac) \setminus |bcx + 2abcx + ac
--R
                                                       4 4 3 3 2 2 2
--R
                                                                                                                                                                                                                           3
                                        (b c x + 4a b c x + 6a b c x + 4a b c x)\|c
--R
--R /
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 804
--S 805 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
                                                   3 3 2 2 2 3 +-+ | 2 2 2
--R
--R
                                               (b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c)\|c \|b c x + 2a b c x + a c
--R
--R
                                                         4 2 4 3 2 3 2 2 2 2 3 2 4 2
                                                - b c x - 4a b c x - 6a b c x - 4a b c x - a c
--R
--R /
--R
                                           | 2 2 2
--R
--R
                                       \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 805
)clear all
--S 806 of 1394
t0:=(c*(a+b*x)^2)^(1/2)
--R
--R
 --R
                                                         | 2 2 2
 --R
 --R
                        (1) \begin{subarray}{ll} \be
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 806
--S 807 of 1394
r0a:=1/2*(a+b*x)*sqrt(c*(a+b*x)^2)/b
--R
--R
--R
                                                                                                       | 2 2
                                                                                                                                                                                                        2
--R
```

```
(b x + a) \ | b c x + 2a b c x + a c
--R
--R
                    2b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 807
--S 808 of 1394
r0b:=a*x*sqrt(c*(a+b*x)^2)/(a+b*x)+1/2*b*x^2*sqrt(c*(a+b*x)^2)/(a+b*x)
--R
--R
                 | 2 2
--R
       (b x + 2a x) \ | b c x + 2a b c x + a c
--R
--R
--R
                   2b x + 2a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 808
--S 809 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        2 +-+
--R
--R (b x + 2a x)\|c
--R (4) -----
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 809
--S 810 of 1394
m0a:=a0-r0a
--R
--R
                --R
--R
       (-bx-a)\bcx + 2abcx + ac + (bx + 2abx)\c
--R
   (5) -----
--R
--R
                              2b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 810
--S 811 of 1394
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                  +----+
               +-+ | 2 2 2
--R
                                       2 2
--R
      (b x + a)\|c \|b c x + 2a b c x + a c - b c x - 2a b c x - a c
--R
--R
                        +----+
```

```
| 2 2 2
--R
--R
                                                                                 \| b c x + 2a b c x + a c
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 811
--S 812 of 1394
m0b:=a0-r0b
--R
--R
--R
            (7)
--R
                                                | 2 2 2 2 3 2 +-+
--R
            (-bx - 2ax)\bcx + 2abcx + ac + (bx + 3abx + 2ax)\c
--R
--R
               ______
--R
                                                                                                 2b x + 2a
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 812
--S 813 of 1394
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                                                    +-+ | 2 2 2 2 2
--R
--R
                           (b x + a)\|c \|b c x + 2a b c x + a c - b c x - 2a b c x - a c
--R
               (8) -----
--R
                                                                                   1 2 2 2
--R
--R
                                                                                 \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 813
)clear all
--S 814 of 1394
t0:=1/(c*(a+b*x)^2)^(1/2)
--R
--R
--R
                                                           1
--R (1) -----
              +----+
--R
--R
                            1 2 2
--R.
                        \|b c x + 2a b c x + a c
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 814
--S 815 of 1394
r0:=(a+b*x)*log(a+b*x)/(b*sqrt(c*(a+b*x)^2))
--R
--R
```

```
(b x + a)log(b x + a)
--R
--R
--R +-----+
         | 2 2 2
--R
--R
       b\|bcx + 2abcx + ac
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 815
--S 816 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       log(b x + a)
   (3) -----
--R
   +-+
--R
--R
          b\|c
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 816
--S 817 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                  1 2 2 2
--R
     log(b x + a) \setminus |b c x + 2a b c x + a c + (-b x - a) log(b x + a) \setminus |c|
--R
--R
    (4) -----
--R
                         +-+ | 2 2
--R
--R
                       b \mid c \mid b c x + 2a b c x + a c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 817
--S 818 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
        +-+ | 2 2 2
--R
--R
        \|c \|b c x + 2a b c x + a c - b c x - a c
--R
--R
--R
                     | 2 2
--R
          (b c x + a c)\|b c x + 2a b c x + a c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 818
)clear all
--S 819 of 1394
```

```
t0:=1/(c*(a+b*x)^2)^(3/2)
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R
       2 2 2 1 2 2 2
--R
--R
      (b c x + 2a b c x + a c)\|b c x + 2a b c x + a c
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 819
--S 820 of 1394
r0:=(-1/2)/(b*c*(a+b*x)*sqrt(c*(a+b*x)^2))
--R
--R
--R
--R (2) - -----
--R
             +----+
        2 | 2 2
--R
--R
       (2b c x + 2a b c)\|b c x + 2a b c x + a c
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 820
--S 821 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
--R 3 2 2 2 +-+

--R (2b c x + 4a b c x + 2a b c)\|c
--R
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 821
--S 822 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              | 2 2 2
--R
--R
             - \|b c x + 2a b c x + a c + (b x + a)\|c
--R (4) ------
--R
                       +----+
        3 2 2 2 +-+ | 2 2
--R
--R
      (2b c x + 4a b c x + 2a b c)\|c \|b c x + 2a b c x + a c
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 822
--S 823 of 1394
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R
               +-+ | 2 2 2
--R
--R
               --R
--R
         3 2 3 2 2 2 2 3 2 | 2 2 2
--R
--R
        (b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c) \ b c x + 2a b c x + a c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 823
)clear all
--S 824 of 1394
t0:=1/(c*(a+b*x)^2)^(5/2)
--R
--R
--R (1)
--R
--R
--R
    4 2 4 3 2 3 2 2 2 2 3 2 4 2 | 2 2 2
--R (b c x + 4a b c x + 6a b c x + 4a b c x + a c )\|b c x + 2a b c x + a c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 824
--S 825 of 1394
r0:=(-1/4)/(b*c^2*(a+b*x)^3*sqrt(c*(a+b*x)^2))
--R
--R
--R
   (2)
--R
      4 2 3 3 2 2 2 2 2 3 2 | 2 2
--R
--R
     (4b c x + 12a b c x + 12a b c x + 4a b c) \ b c x + 2a b c x + a c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 825
--S 826 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
          5 2 4 4 2 3 2 3 2 2 3 2 2 4 2 +-+
--R
        (4b c x + 16a b c x + 24a b c x + 16a b c x + 4a b c )\c
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 826
```

```
--S 827 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                            | 2 2 2
--R
                              - \|b c x + 2a b c x + a c + (b x + a)\|c
--R
--R /
--R
                                                     5 2 4 4 2 3 2 3 2 2 3 2 2 4 2 +-+
                                      (4b c x + 16a b c x + 24a b c x + 16a b c x + 4a b c )\c
--R
--R
                                                +----+
--R
                                                 | 2 2 2
--R
--R
                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 827
--S 828 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
                                   +----+
--R
--R
                              \|c \|b c x + 2a b c x + a c - b c x - a c
--R
--R /
                                                    5 3 5 4 3 4 2 3 3 3 3 2 3 2 4 3 5 3
--R
                                (b c x + 5a b c x + 10a b c x + 10a b c x + 5a b c x + a c )
--R
--R
                                           +----+
--R
                                              | 2 2 2
--R
--R
                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 828
)clear all
--TPDHERE: factor(25*x^2+30*x+9) = (5*x+3)^2
--S 829 of 1394
t0:=sqrt((3+5*x)^2)
--R
--R
--R
                                                +----+
                                                 1 2
--R
--R (1) |25x + 30x + 9
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 829
```

```
--S 830 of 1394
r0a:=1/10*(3+5*x)*sqrt((3+5*x)^2)
--R
--R
--R
               1 2
--R
     (5x + 3) | 25x + 30x + 9
--R
--R
--R
                 10
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 830
--S 831 of 1394
r0b:=3*x*sqrt((3+5*x)^2)/(3+5*x)+5/2*x^2*sqrt((3+5*x)^2)/(3+5*x)
--R
--R
--R
                 +----+
          2 | 2
--R
     (5x + 6x) | 25x + 30x + 9
--R
--R
   (3) -----
--R
          10x + 6
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 831
--S 832 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        2
--R 2 --R 5x + 6x
--R (4) -----
       2
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 832
--S 833 of 1394
m0a:=a0-r0a
--R
--R
--R
                 1 2
--R
--R
     (-5x - 3) | 25x + 30x + 9 + 25x + 30x
--R
    (5) -----
--R
                        10
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 833
--S 834 of 1394
d0a:=D(m0a,x)
--R
```

```
--R
--R
             +-----+
| 2 2
--R
--R
        (5x + 3) \setminus |25x + 30x + 9 - 25x - 30x - 9
--R
   (6) -----
--R
                   1 2
--R
--R
                   125x + 30x + 9
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 834
--S 835 of 1394
m0b:=a0-r0b
--R
--R
--R
         2 | 2
--R
     (-5x - 6x) | 25x + 30x + 9 + 25x + 45x + 18x
--R
--R (7) ------
--R
                        10x + 6
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 835
--S 836 of 1394
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
              --R
--R
       (5x + 3) \setminus |25x + 30x + 9 - 25x - 30x - 9
--R
--R
                   1 2
--R
--R
                   125x + 30x + 9
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 836
)clear all
--TPDHERE: factor(100*x^2+120*x+36) = 4*(5*x+3)^2
--TPDHERE: why isn't the sqrt of a perfect square simplified?
--S 837 of 1394
t0:=sqrt((6+10*x)^2)
--R
--R
--R
         +----+
        | 2
--R (1) \|100x + 120x + 36
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 837
```

```
--S 838 of 1394
r0a:=1/5*(3+5*x)*sqrt((3+5*x)^2)
--R
--R
        +----+
| 2
--R
--R | 2
--R (5x + 3)\|25x + 30x + 9
--R (2) -----
         5
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 838
--S 839 of 1394
r0b:=6*x*sqrt((3+5*x)^2)/(3+5*x)+5*x^2*sqrt((3+5*x)^2)/(3+5*x)
--R
--R
--R
                +----+
        2 | 2
--R
--R (5x + 6x) | 25x + 30x + 9
--R (3) -----
--R
         5x + 3
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 839
--S 840 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R 2
--R (4) 5x + 6x
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 840
--S 841 of 1394
m0a:=a0-r0a
--R
--R
               +----+
| 2 2
--R
--R
     (-5x - 3) | 25x + 30x + 9 + 25x + 30x
--R
--R (5) -----
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 841
--S 842 of 1394
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
```

```
--R
             1 2 2
--R
    (10x + 6) | 25x + 30x + 9 - 50x - 60x - 18
--R
--R (6) -----
--R
                   1 2
--R
--R
                   125x + 30x + 9
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 842
--S 843 of 1394
m0b:=a0-r0b
--R
--R
--R
          2 | 2 3 2
--R
--R
     (-5x - 6x) | 25x + 30x + 9 + 25x + 45x + 18x
--R
--R
                         5x + 3
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 843
--S 844 of 1394
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
            +----+
| 2 2
--R
--R
--R
       (10x + 6) | 25x + 30x + 9 - 50x - 60x - 18
--R
--R
                   | 2
--R
--R
                  125x + 30x + 9
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 844
)clear all
--S 845 of 1394
t0:=1/sqrt((3+5*x)^2)
--R
--R
--R.
             1
--R (1) -----
--R +-----+
        1 2
--R
      125x + 30x + 9
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 845
```

```
--S 846 of 1394
r0:=1/5*(3+5*x)*log(3+5*x)/sqrt((3+5*x)^2)
--R
--R
--R
        (5x + 3)\log(5x + 3)
--R
   (2) -----
--R
         1 2
--R
--R
        5|25x + 30x + 9
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 846
--S 847 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     log(5x + 3)
--R (3) -----
       5
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 847
--S 848 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
                | 2
--R
        log(5x + 3) \setminus |25x + 30x + 9 + (-5x - 3)log(5x + 3)
--R
    (4) -----
--R
                       +----+
                      1 2
--R
                      5 | 25x + 30x + 9
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 848
--S 849 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
         +----+
--R
        | 2
--R
        125x + 30x + 9 - 5x - 3
--R (5) -----
         +----+
--R
              | 2
--R
--R
        (5x + 3) | 25x + 30x + 9
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 849
```

```
)clear all
--S 850 of 1394
t0:=1/sqrt((6+10*x)^2)
--R
--R
--R
                1
--R
         +----+
--R
         1 2
--R
--R
         100x + 120x + 36
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 850
--S 851 of 1394
r0:=1/10*(3+5*x)*log(3+5*x)/sqrt((3+5*x)^2)
--R
--R
--R
         (5x + 3)\log(5x + 3)
--R
     (2) -----
--R
          +----+
--R
          1 2
--R
         10 | 25x + 30x + 9
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 851
--S 852 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         log(5x + 3)
    (3) -----
--R
          10
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 852
--S 853 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
                   1 2
--R
         log(5x + 3) \setminus |25x + 30x + 9 + (-5x - 3)log(5x + 3)
--R
     (4) -----
--R
                         +----+
                         1 2
--R
--R
                        10 | 25x + 30x + 9
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 853
```

```
--S 854 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
        +----+
        1 2
--R
     | \\| | 25x + 30x + 9 - 5x - 3
--R
--R (5) -----
    +----+
| 2
--R
--R
--R
        (10x + 6) | 25x + 30x + 9
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 854
)clear all
--S 855 of 1394
t0:=1/sqrt(-(2+3*x)^2)
--R
--R
--R
--R (1) -----
     +----+
--R
        1 2
--R
--R
        --R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 855
--S 856 of 1394
r0:=1/3*(2+3*x)*log(2+3*x)/sqrt(-(2+3*x)^2)
--R
--R
--R
       (3x + 2)\log(3x + 2)
--R (2) -----
    +----+
| 2
--R
--R
       3\|- 9x - 12x - 4
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 856
--S 857 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         +---+ 3x + 2
--R
        \|- 1 log(-----)
--R
     \1 + --0.
--R (3) - -----
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--E 857
--S 858 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         +---+ 3x + 2 | 2
--R
        - \|- 1 \log(-----)\|- 9x - 12x - 4 + (- 3x - 2)\log(3x + 2)
--R
                  3
--R
--R (4) -----
--R
                        1 2
--R
--R
                        3 = 9x - 12x - 4
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 858
--S 859 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
             +----+
--R
         +---+ | 2
--R
        - |- 1| - 9x - 12x - 4 - 3x - 2
--R
--R
               | 2
--R
--R
            (3x + 2) | - 9x - 12x - 4
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 859
)clear all
--S 860 of 1394
t0:=(c*(a+b*x)^3)^(5/2)
--R
--R
--R (1)
         6 2 6 5 2 5 2 4 2 4 3 3 2 3 4 2 2 2 5 2
--R
--R
        bcx + 6a bcx + 15a bcx + 20a bcx + 15a bcx + 6a bcx
--R
--R
        6 2
--R
       a c
--R *
     +----+
--R
     | 3 3 2 2 2 3
--R
      \| b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 860
```

```
--S 861 of 1394
r0:=2/17*c^2*(a+b*x)^7*sqrt(c*(a+b*x)^3)/b
--R
--R
--R (2)
         7 2 7 6 2 6 2 5 2 5 3 4 2 4 4 3 2 3
--R
--R
        2b c x + 14a b c x + 42a b c x + 70a b c x + 70a b c x
--R
          5 2 2 2 6 2
--R
                            7 2
--R
        42a b c x + 14a b c x + 2a c
--R
        +----+
--R
        3 3 2 2 2 3
--R
--R
       \|b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R /
--R
    17b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 861
--S 862 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         8 2 8 7 2 7 2 6 2 6 3 5 2 5 4 4 2 4
--R
       2b c x + 16a b c x + 56a b c x + 112a b c x + 140a b c x
--R
--R
--R
           5 3 2 3 6 2 2 2 7 2 8 2
--R
        112a b c x + 56a b c x + 16a b c x + 2a c
--R
--R
       +----+
--R
      \|b c x + a c
--R /
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 862
--S 863 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R.
             7 2 7 6 2 6 2 5 2 5 3 4 2 4 4 3 2 3
--R
          - 2b c x - 14a b c x - 42a b c x - 70a b c x - 70a b c x
--R
--R
              5 2 2 2 6 2
                                7 2
--R
          - 42a b c x - 14a b c x - 2a c
--R
--R
          3 3 2 2 2 3
--R
```

```
--R
                                             \|bcx + 3abcx + 3abcx + ac
--R
--R
                                                            8 2 8 7 2 7 2 6 2 6 3 5 2 5 4 4 2 4
--R
                                                   2b c x + 16a b c x + 56a b c x + 112a b c x + 140a b c x
--R
                                                                      5 3 2 3 6 2 2 2 7 2 8 2
--R
--R
                                                  112a b c x + 56a b c x + 16a b c x + 2a c
--R
                                                  +----+
--R
--R
                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                              17b
--R
                                                                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 863
--S 864 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
                                                       8 3 8 7 3 7 2 6 3 6 3 5 3 5 4 4 3 4
                                                    bcx + 8a bcx + 28a bcx + 56a bcx + 70a bcx
--R
--R
--R
                                                              5 3 3 3 6 2 3 2 7 3 8 3
--R
                                                       56a b c x + 28a b c x + 8a b c x + a c
--R
--R
                                                   | 3 3 2 2 2 3
--R
--R
                                                \| b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
                                                              939 838
--R
                                                                                                                                                          2737 3636 4535
--R
                                                      - b c x - 9a b c x - 36a b c x - 84a b c x - 126a b c x
--R
                                                                            5 4 3 4 6 3 3 3 7 2 3 2 8 3 9 3
--R
--R
                                                   - 126a b c x - 84a b c x - 36a b c x - 9a b c x - a c
--R
--R
                                                   +----+
--R
                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                   --R
                               \|b c x + a c \|b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 864
)clear all
--S 865 of 1394
t0:=(c*(a+b*x)^3)(3/2)
--R
```

```
--R
   (1)
--R
--R
    3 3 2 2 2 3 | 3 3 2 2 2 3
--R
--R (b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c) | b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 865
--S 866 of 1394
r0:=2/11*c*(a+b*x)^4*sqrt(c*(a+b*x)^3)/b
--R
--R
    (2)
--R
        4 4 3 3 2 2 2 3
--R
       (2b c x + 8a b c x + 12a b c x + 8a b c x + 2a c)
--R
--R
--R
       +----+
--R
       3 3 2 2 2 3
--R
      \|bcx + 3abcx + 3abcx + ac
--R /
--R
     11b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 866
--S 867 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
--R
       (2b c x + 10a b c x + 20a b c x + 20a b c x + 10a b c x + 2a c)
--R
--R
       +----+
--R
      \b c x + a c
--R /
--R
     11b
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 867
--S 868 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3
--R
        (- 2b c x - 8a b c x - 12a b c x - 8a b c x - 2a c)
--R
--R
         3 3 2 2 2 3
--R
--R
```

```
--R
         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
--R
       (2b c x + 10a b c x + 20a b c x + 20a b c x + 10a b c x + 2a c)
--R
--R
        +----+
--R
        \b c x + a c
--R /
--R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 868
--S 869 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
        5 2 5 4 2 4 2 3 2 3 3 2 2 2 4 2 5 2
--R
        (b c x + 5a b c x + 10a b c x + 10a b c x + 5a b c x + a c )
--R
--R
        +----+
        | 3 3 2 2 2 3
--R
--R
       \|bcx + 3abcx + 3abcx + ac
--R
--R
          6 2 6 5 2 5 2 4 2 4 3 3 2 3 4 2 2 2
--R
         - b c x - 6a b c x - 15a b c x - 20a b c x - 15a b c x
--R
           5 2 6 2
--R
--R
         - 6a b c x - a c
--R
--R
        +----+
--R
       \b c x + a c
--R /
--R
               +----+
     --R
     \|b c x + a c \|b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 869
)clear all
--S 870 of 1394
t0:=(c*(a+b*x)^3)^(1/2)
--R
--R
--R
       +----+
       | 3 3 2 2 2 3
--R
--R (1) \|b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 870
```

```
--S 871 of 1394
r0:=2/5*(a+b*x)*sqrt(c*(a+b*x)^3)/b
--R
--R
--R
                  +----+
                  3 3 2 2 2 3
--R
--R
        (2b x + 2a) \setminus |b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
--R
                            5b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 871
--S 872 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          2 2
                  2 +----+
--R
       (2b x + 4a b x + 2a) \setminus |b c x + a c
--R (3) -----
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 872
--S 873 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                   | 3 3 2 2 2 3
--R
--R
      (-2b x - 2a) \setminus |b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
                  2 +----+
--R
--R
       (2b x + 4a b x + 2a) \setminus |b c x + a c
--R /
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 873
--S 874 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5)
--R
         2 2
                        2 | 3 3 2 2 2 3
--R
--R
        (b c x + 2a b c x + a c) \setminus |b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
          3 3 2 2 2 3 +-----
--R
        (-bcx - 3abcx - 3abcx - ac) \setminus |bcx + ac
--R
```

```
--R /
--R
--R
     --R
     --R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 874
)clear all
--S 875 of 1394
t0:=1/(c*(a+b*x)^3)(1/2)
--R
--R
--R
--R
   (1) -----
--R
--R
       3 3 2 2 2 3
--R
       \|b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 875
--S 876 of 1394
r0:=-2*(a+b*x)/(b*sqrt(c*(a+b*x)^3))
--R
--R
--R
                 - 2b x - 2a
--R
--R
--R
        3 3 2 2 2 3
--R
       b\|b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 876
--S 877 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3) - -----
--R
        +----+
--R
--R
        b \mid b c x + a c
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 877
--S 878 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          3 3 2 2 2 3
--R
                                              +----+
```

```
-2 \le x + 3a b c x + 3a b c x + a c + (2b x + 2a) \le x + a c
--R
--R
                                                   --R
--R
                                                b \backslash | b \ c \ x \ + \ a \ c \ \backslash | b \ c \ x \ + \ 3a \ b \ c \ x \ + \ a \ c
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 878
--S 879 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                              | 3 3 2 2 2 3
--R
--R
                           \begin{picture}(1,0) \put(0,0){\line(1,0){1000}} \put(0,0){\line(1,0){10
--R
--R
                                                          +-----+ | 3 3 2 2 2 3
--R
                                   (b x + a) \setminus |b c x + a c \setminus |b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 879
)clear all
--S 880 of 1394
t0:=1/(c*(a+b*x)^3)(3/2)
--R
--R
--R (1)
--R
--R ------
--R.
               3 3 2 2 2 3 | 3 3 2 2 2 3
--R
           (b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c)\|b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 880
--S 881 of 1394
r0:=(-2/7)/(b*c*(a+b*x)^2*sqrt(c*(a+b*x)^3))
--R
--R
--R
--R
                                                                                                           +----+
--R
                                     3 2 2 1 3 3 2 2 2 3
--R
--R
                                 (7b c x + 14a b c x + 7a b c) \setminus |b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 881
--S 882 of 1394
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
         4 3 3 2 2 2 3 +-----
--R
--R
        (7b c x + 21a b c x + 21a b c x + 7a b c) \ b c x + a c
--R
                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 882
--S 883 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
       3 3 2 2 2 3
--R
    -2 \le x + 3a b c x + 3a b c x + a c + (2b x + 2a) \le c x + a c
--R /
       4 3 3 2 2 2 3 +-----
--R
--R
     (7b c x + 21a b c x + 21a b c x + 7a b c) \ b c x + a c
--R
--R
--R
      3 3 2 2 2 3
--R
      \|b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 883
--S 884 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
      1332223
--R
--R
     --R /
       4 4 3 3 2 2 2 3
--R
                                    4 +----+
--R
      (b c x + 4a b c x + 6a b c x + 4a b c x + a c) \setminus |b c x + a c|
--R
--R
       3 3 2 2 2 3
--R
--R
      --R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 884
)clear all
--S 885 of 1394
t0:=1/(c*(a+b*x)^3)^(5/2)
```

```
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
         6 2 6 5 2 5 2 4 2 4 3 3 2 3 4 2 2 2 5 2
--R
--R
        bcx + 6a bcx + 15a bcx + 20a bcx + 15a bcx + 6a bcx
--R
--R
         6 2
--R
        ас
--R
--R
        3 3 2 2 2
--R
--R
       --R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 885
--S 886 of 1394
r0:=(-2/13)/(b*c^2*(a+b*x)^5*sqrt(c*(a+b*x)^3))
--R
--R
--R (2)
--R -
--R
       2
--R
            6 2 5 5 2 4 2 4 2 3 3 3 2 2 4 2 2
--R
--R
           13b c x + 65a b c x + 130a b c x + 130a b c x + 65a b c x
--R
--R
             5 2
--R
          13a b c
--R
--R
          +----+
          1332223
--R
--R
         \|bcx + 3abcx + 3abcx + ac
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 886
--S 887 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
--R
--R
             7 2 6 6 2 5 2 5 2 4 3 4 2 3 4 3 2 2
--R
--R
          13b c x + 78a b c x + 195a b c x + 260a b c x + 195a b c x
--R
             5 2 2 6 2
--R
--R
          78a b c x + 13a b c
```

```
--R
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                           Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 887
--S 888 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                            3 3 2 2 2 3
--R
--R
                    - 2 \le x + 3a b c x + 3a b c x + a c + (2b x + 2a) \le x + a c
--R /
--R
                                 7 2 6 6 2 5 2 5 2 4 3 4 2 3 4 3 2 2
--R
                           13b c x + 78a b c x + 195a b c x + 260a b c x + 195a b c x
--R
                                5 2 2 6 2
--R
--R
                         78a b c x + 13a b c
--R
--R
                      --R
--R
                        \|b c x + a c \|b c x + 3a b c x + 3a b c x + a c
--R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 888
--S 889 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
                     | 3 3 2 2 2 3
--R
                   --R /
                            7 2 7 6 2 6 2 5 2 5 3 4 2 4 4 3 2 3 5 2 2 2
--R
--R
                        bcx + 7abcx + 21abcx + 35abcx + 35abcx + 21abcx
--R
                              6 2 7 2
--R
--R
                         7a b c x + a c
--R
--R.
                                                          +----+
                       +-----+ | 3 3 2 2 2
--R
--R
                        --R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 889
)clear all
```

```
--S 890 of 1394
t0:=(c/(a+b*x))^{(5/2)}
--R
--R
--R
                                                                                            +----+
--R
                                                                                 2 | c
--R
                                                                          c |----
--R
                                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R (1) -----
                                                             2 2 2
--R
--R
                                                               b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--Е 890
--S 891 of 1394
r0:=-2/3*c^2*sqrt(c/(a+b*x))/(b*(a+b*x))
--R
--R
--R
                                                                                            +----+
                                                                              2 | c
--R
--R
                                                                    2c |----
--R
                                                                       \|b x + a
--R (2) - -----
                                                                                 2
--R
--R
                                                                          3b x + 3a b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 891
--S 892 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                                                                           +----+
                                                                2 | c
--R
--R
                                                                 2c |----
                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R (3) - -----
                                                                        2
--R
                                                                       3b x + 3a b
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 892
--S 893 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 893
```

```
--S 894 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 894
)clear all
--S 895 of 1394
t0:=(c/(a+b*x))^(3/2)
--R
--R
--R
          +----+
--R
          l c
--R (1) -----
--R
        b x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 895
--S 896 of 1394
r0:=-2*c*sqrt(c/(a+b*x))/b
--R
--R
--R +-----+
--R | c
--R | 2c |-----
--R | | b x + a
--R (2) - -----
          Ъ
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 896
--S 897 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            +----+
--R
            l c
--R 2c |-----
--R \|b x + a
--R
--R (3) - -----
            b
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 897
--S 898 of 1394
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 898
--S 899 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                  (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 899
)clear all
--S 900 of 1394
t0:=(c/(a+b*x))^(1/2)
--R
--R
--R
                                           +----+
                         l c
--R
--R (1) |-----
--R
                                        \begin{tabular}{l} \begin{tabu
--R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 900
--S 901 of 1394
\texttt{r0:=2*(a+b*x)*sqrt(c/(a+b*x))/b}
--R
--R
                                         +----+
| c
--R
--R
                         (2b x + 2a) |-----
--R
--R
                                          \|b x + a
--R
                  (2) -----
--R
                                                                          b
--R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 901
--S 902 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                                      2c
--R (3) -----
--R +----+
                                     l c
--R | c
--R b |-----
--R
```

```
--R
                                                                                  \begin{tabular}{l} \begin{tabu
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            Type: Union(Expression(Integer),...)
 --E 902
--S 903 of 1394
m0:=a0-r0
 --R
 --R
 --R
                                  (4) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
 --Е 903
 --S 904 of 1394
 d0:=D(m0,x)
 --R
 --R
 --R
                                  (5) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
 --E 904
)clear all
 --S 905 of 1394
t0:=1/(c/(a+b*x))^{(1/2)}
 --R
--R
                                  (1) -----
 --R
 --R
                                 +----+
 --R
                                                                    | c
|-----
--R
 --R
 --R
                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 905
--S 906 of 1394
r0:=2/3*(a+b*x)/(b*sqrt(c/(a+b*x)))
 --R
 --R
 --R
                                                                                   2b x + 2a
                                   (2) -----
 --R
                                   +----+
| c
 --R
--R
--R 3b |-----
 --R
                                                                             \|b x + a
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
 --E 906
--S 907 of 1394
 a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
  --R
  --R 2b x + 2a
  --R (3) -----
--R +-----+
--R | c
--R 3b |-----
  --R
                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
  --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
  --E 907
  --S 908 of 1394
 m0:=a0-r0
  --R
  --R
  --R (4) 0
  --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
  --Е 908
  --S 909 of 1394
 d0:=D(m0,x)
  --R
  --R
 --R (5) 0
  --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
 --E 909
 )clear all
  --S 910 of 1394
  t0:=1/(c/(a+b*x))^{(3/2)}
  --R
  --R
  --R
                                                                              b x + a
  --R (1) -----
                                          +----+
| c
 --R
  --R
                                           c |-----
 --R
 --R
                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
  --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
  --E 910
  --S 911 of 1394
 r0:=2/5*(a+b*x)^2/(b*c*sqrt(c/(a+b*x)))
  --R
  --R
 --R 2 2 2 2
--R 2b x + 4a b x + 2a
  --R (2) -----
  --R
                                                                                                              +----+
```

```
l c
--R
--R
                                             5b c |----
--R
                                                  \|b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 911
--S 912 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                                         2 2 2
--R
--R
                                      2b x + 4a b x + 2a
--R (3) -----
                                                          +----+
--R
--R
                                                              | c
                                            5b c |----
--R
--R
                                                  \|b x + a
--R
                                                                                                                                                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 912
--S 913 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                (4) 0
--R
                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 913
--S 914 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                 (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 914
)clear all
--S 915 of 1394
t0:=1/(c/(a+b*x))^{(5/2)}
--R
--R
--R
                                        2 2
--R
                        b x + 2a b x + a
--R (1) -----
                                              +----+
--R
                                               2 | c
--R
--R
                                            c |----
--R
                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
```

```
--E 915
--S 916 of 1394
r0:=2/7*(a+b*x)^3/(b*c^2*sqrt(c/(a+b*x)))
--R
--R
                                                                         3 3 2 2 2 3
--R
--R
                                                                 2b x + 6a b x + 6a b x + 2a
--R (2) -----
--R
--R
                                                                                                                                 2 | c
--R
                                                                                                          7b c |----
                                                                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 916
--S 917 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                                                        3 3 2 2 2 3
--R
                                                                 2b x + 6a b x + 6a b x + 2a
--R (3) -----
--R
                                                                                                                                        +----+
                                                                                                                                2 | c
--R
                                                                                                                   7b c |----
--R
--R
                                                                                                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 917
--S 918 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                              (4) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 918
--S 919 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 919
)clear all
--S 920 of 1394
t0:=(c/(a+b*x)^2)^(5/2)
```

```
--R
--R
--R
              2 | c
--R
--R
             c |-----
               2 2
--R
--R
              \|b x + 2a b x + a
--R
       4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
       b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 920
--S 921 of 1394
r0:=-1/4*c^2*sqrt(c/(a+b*x)^2)/(b*(a+b*x)^3)
--R
--R
--R
             2 | c
--R
--R
             c |-----
              | 2 2 2
--R
--R
             \|b x + 2a b x + a
--R (2) - -----
--R
         4 3 3 2 2 2 3
--R
        4b x + 12a b x + 12a b x + 4a b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 921
--S 922 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                      2 +-+
--R
                      c \lc
        5 4 4 3 2 3 2 3 2 4
--R
--R
        4b x + 16a b x + 24a b x + 16a b x + 4a b
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 922
--S 923 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         2 +-+ 2 2 | c
--R
       - c \|c + (b c x + a c ) |-----
                          | 2 2 2
--R
--R
                         --R (4) -----
```

```
5 4 4 3 2 3 2 3 2 4
--R
--R
        4b x + 16a b x + 24a b x + 16a b x + 4a b
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 923
--S 924 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
        2 +-+ 2 2 | c
--R
        c \|c + (- b c x - a c ) |-----
--R
                         | 2 2 2
--R
                        \|b x + 2a b x + a
--R
--R (5) -----
--R
      5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
      b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 924
)clear all
--S 925 of 1394
t0:=(c/(a+b*x)^2)^(3/2)
--R
--R
--R
        +----+
       l c
--R
--R
      c |-----
       | 2 2 2
--R
    --R
--R (1) -----
        2 2 2
--R
--R
       bx + 2a bx + a
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 925
--S 926 of 1394
r0:=-1/2*c*sqrt(c/(a+b*x)^2)/(b*(a+b*x))
--R
--R
--R
--R
        l c
       c |-----
--R
         | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R (2) - -----
--R
           2
           2b x + 2a b
--R
--R
                                    Type: Expression(Integer)
```

```
--E 926
--S 927 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
               c\|c
   (3) - -----
--R
          3 2 2
--R
--R
         2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 927
--S 928 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                           +----+
--R
        - c\|c + (b c x + a c) |-----
                          | 2 2 2
--R
--R
                          \|b x + 2a b x + a
--R (4) -----
                 3 2 2 2
--R
--R
                  2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 928
--S 929 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                           +----+
                           l c
--R
        c\|c + (- b c x - a c) |-----
--R
                          | 2 2 2
--R
--R
                         \|b x + 2a b x + a
--R
              3 3 2 2 2 3
--R
--R
              bx + 3abx + 3abx + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 929
)clear all
--S 930 of 1394
t0:=(c/(a+b*x)^2)^(1/2)
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
                (1) |-----
                                      | 2 2 2
--R
--R
                                     \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 930
--S 931 of 1394
r0:=(a+b*x)*log(a+b*x)*sqrt(c/(a+b*x)^2)/b
--R
--R
                                                                                                                        1
 --R
 --R
                                     (b x + a)log(b x + a) |-----
                                                                                                                   | 2 2 2
--R
--R
                                                                                                                \|b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 931
--S 932 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                      log(b x + a) | c
--R
--R
                 (3) -----
--R
                                           Ъ
--R
                                                                                                                                                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 932
--S 933 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
                                       log(b x + a) \setminus |c + (-b x - a)log(b x + a) |
--R
 --R
                                                                                                                                                                                                    | 2 2
--R
                                                                                                                                                                                                 \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
--R
                                                                                                                                                         b
--R
                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 933
--S 934 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R
               +----+
               l c +-+
--R
--R
        | 2 2 2
--R
--R
             \|b x + 2a b x + a
--R
--R
       2 2 2 | c
--R
       (b x + 2a b x + a ) |-----
--R
--R
                    | 2 2 2
--R
                    --R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 934
)clear all
--S 935 of 1394
t0:=1/(c/(a+b*x)^2)^(1/2)
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R
       l c
--R
--R
       | 2 2 2
--R
--R
       --R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 935
--S 936 of 1394
r0a:=1/2*(a+b*x)/(b*sqrt(c/(a+b*x)^2))
--R
--R
           b x + a
--R (2) -----
--R
        +----+
        l c
--R
       2b |-----
--R
        | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 936
--S 937 of 1394
r0b:=a*x/((a+b*x)*sqrt(c/(a+b*x)^2))+1/2*b*x^2/((a+b*x)*sqrt(c/(a+b*x)^2))
--R
--R
--R
                2
```

```
b x + 2a x
--R
--R
--R
                                                             l c
--R
--R
                                (2b x + 2a) |-----
                                           | 2 2 2
--R
--R
                                                                --R
                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 937
--S 938 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                    2
--R
                   b x + 2a x
--R (4) -----
--R
                                       +-+
--R
                                     2\|c
--R
                                                                                                                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 938
--S 939 of 1394
m0a:=a0-r0a
--R
--R
--R
                                                               +-+ 2 2 | c
--R
--R
                              (-b x - a) | c + (b x + 2a b x) |
                                                                                                                              1 2 2 2
--R
--R
                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                             l c +-+
--R
--R
                                                                         2b |-----\|c
                                                                              | 2 2 2
--R
--R
                                                                              --R
                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 939
--S 940 of 1394
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                                                        l c +-+
--R
--R
                                | 2 2 2
--R
--R
                                                        \|b x + 2a b x + a
                 (6) -----
--R
```

```
--R
--R
                                                         l c
--R
                                                    c |-----
                                                       | 2 2 2
--R
--R
                                                       \| b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 940
--S 941 of 1394
m0b:=a0-r0b
--R
--R
--R
                                         2 +-+ 23 2 2 | c
--R
--R
                             (- b x - 2a x)\|c + (b x + 3a b x + 2a x) |-----
                                                                                                                                                            | 2 2 2
--R
--R
                                                                                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
             (7) -----
--R
                                                                                                    l c +-+
--R
                                                                        (2b x + 2a) |----- \|c
| 2 2 2
--R
--R
--R
                                                                                                      \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 941
--S 942 of 1394
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                                                        +-+ 2 2 2 1 c
--R
--R
                            (b x + a) | c + (-b x - 2a b x - a) |
                                                                                                                                      | 2 2 2
--R
--R
                                                                                                                                      \|b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 942
)clear all
--S 943 of 1394
t0:=1/(c/(a+b*x)^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                                   2 2
--R
                               b x + 2a b x + a
--R (1) -----
                                   +----+
--R
```

```
l c
--R
--R
                                                        c |-----
                                                          | 2 2 2
--R
--R
                                                         \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--Е 943
--S 944 of 1394
r0:=1/4*(a+b*x)^3/(b*c*sqrt(c/(a+b*x)^2))
--R
--R
                                                         3 3
--R
                                                                                                        2 2 2 3
                                                        b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
--R
--R
--R
                                                                                      l c
                                                              4b c |-----
--R
                                                                                    | 2 2 2
--R
                                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 944
--S 945 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                                                     3 4 2 3 2 2 3
--R
--R
                                                      b x + 4a b x + 6a b x + 4a x
--R
--R
                                                                                                                          +-+
--R
                                                                                                                           4c∖|c
--R
                                                                                                                                                                                                                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 945
--S 946 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                              (4)
                                                                 3 3 2 2 2
--R
--R
                                                (-bx - 3abx - 3abx - a) | c
--R
--R
--R
                                                          4 4 3 3 2 2 2 3
                                                                                                                                                                                                                                      l c
--R
                                                    (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x)
                                                                                                                                                                                                                                          | 2 2 2
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                        \begin{tabular}{lll} \begin{
--R /
--R
                                                               | c +-+
--R
```

```
4b c |----- \|c
--R
        | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 946
--S 947 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
       3 3 2 2 2 3 | c +-+ 2 2
--R
     (b x + 3a b x + 3a b x + a ) |----- \|c - b c x
--R
                            1 2 2 2
--R
--R
                            \|b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
     - 2a b c x - a c
--R /
      +----+
--R
--R
     2 | c
--R
     c |-----
--R
     | 2 2 2
--R
      \|b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 947
)clear all
--S 948 of 1394
t0:=1/(c/(a+b*x)^2)^(5/2)
--R
--R
       4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
      b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R (1) -----
--R
             2 | c
--R
             c |-----
--R
               | 2 2
--R
             \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 948
--S 949 of 1394
r0:=1/6*(a+b*x)^5/(b*c^2*sqrt(c/(a+b*x)^2))
--R
--R
      5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
```

```
b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a
--R
--R
                  2 | c
--R
--R
               6b c |-----
                   | 2 2 2
--R
--R
                   --R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 949
--S 950 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
       5 6 4 5 2 3 4 3 2 3 4 2 5
--R
--R
       b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a x
--R (3) -----
--R
                         2 +-+
--R
                       6c \|c
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 950
--S 951 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +-+
--R
--R
      (- b x - 5a b x - 10a b x - 10a b x - 5a b x - a )\c
--R
         6 6 5 5
                                    4 2 2 5
--R
                     2 4 4
                            3 3 3
--R
        (b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x)
--R
--R
         +----+
--R
        l c
--R
        |-----
        | 2 2 2
--R
--R
        --R /
--R
         +----+
       2 | c +-+
--R
     6b c |-----\|c
--R
--R
        | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 951
--S 952 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
   (5)
--R
         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
--R
        (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a)
--R
--R
        +----+
        l c +-+
--R
       |-----\|c
| 2 2 2
--R
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
        4 4 3 3 2 2 2
                              3
--R
--R
      - b c x - 4a b c x - 6a b c x - 4a b c x - a c
--R /
--R
      +----+
--R
     3 | c
--R
     c |-----
      | 2 2
--R
--R
      \|b x + 2a b x + a
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 952
)clear all
--S 953 of 1394
t0:=(c/(a+b*x)^3)^(5/2)
--R
--R
--R
                 +-----+
2 | c
--R
--R
                  3 2 2 2 3
--R
--R
                 \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R (1) ------
      6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
      b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 953
--S 954 of 1394
r0:=-2/13*c^2*sqrt(c/(a+b*x)^3)/(b*(a+b*x)^5)
--R
--R
--R
                  2 | c
--R
--R
                 2c |-----
                   --R
                  \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
--R (2) - ----
--R
         6 5 5 4 2 4 3 3 3 2 4 2 5
```

```
--R
                                           13b x + 65a b x + 130a b x + 130a b x + 65a b x + 13a b
--R
                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 954
--S 955 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R
                                                                                                                                                2 | c
--R
                                                                                                                                            2c |----
--R
                                                                                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                             7 6 6 5 2 5 4 3 4 3 4 3 2 5 2 6
--R
--R
                        13b x + 78a b x + 195a b x + 260a b x + 195a b x + 78a b x + 13a b
--R
                                                                                                                                                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 955
--S 956 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                      2 | c 2 2 | c
--R
--R
                                  - 2c |----- + (2b c x + 2a c ) |-----
                                                                                                                                                                    --R
                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                         7 6 6 5 2 5 4 3 4 3 4 3 2 5 2 6
--R
--R 13b x + 78a b x + 195a b x + 260a b x + 195a b x + 78a b x + 13a b
--R
                                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 956
--S 957 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
                 (5)
--R
--R
                                   3 | c 3 3 |
--R
--R.
                        - c |----- + (b c x + a c ) |-----
--R
                                         \b x + a
                                                                                                                                                    --R
                                                                                                                                                   --R /
                                           99 88 277 366 455 544 633
--R
                                     b x + 9a b x + 36a b x + 84a b x + 126a b x + 126a b x + 84a b x
--R
--R
                                            7 2 2 8 9
--R
```

```
--R
                             36a b x + 9a b x + a
--R
--R
                           | c | c
--R
--R
                             | 3 3 2 2 2 3 \|b x + a
--R
--R
                            --R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 957
)clear all
--S 958 of 1394
t0:=(c/(a+b*x)^3)^(3/2)
--R
--R
--R
--R
                         c |-----
--R
                                 --R
                            \| b x + 3a b x + 3a b x + a
--R (1) -----
                                 3 3 2 2 2 3
--R
--R
                               b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 958
--S 959 of 1394
r0:=-2/7*c*sqrt(c/(a+b*x)^3)/(b*(a+b*x)^2)
--R
--R
--R
--R
                                 --R
--R
                                       \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R (2) - -----
                                         3 2 2
--R
                                               7b x + 14a b x + 7a b
--R
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 959
--S 960 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                                                             +----+
--R
                                                                         l c
                                                                     2c |----
--R
--R
                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
```

```
--R (3) - -----
       4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
       7b x + 21a b x + 21a b x + 7a b
--R
                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 960
--S 961 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
      - 2c |----- + (2b c x + 2a c) |-----
--R
                          --R
        \|b x + a
--R
                         \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R (4) -----
--R
                4 3 3 2 2 2 3
--R
               7b x + 21a b x + 21a b x + 7a b
--R
                                 Type: Expression(Integer)
--E 961
--S 962 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
     --R
--R
--R
    - c |----- + (b c x + a c ) |-----
                       133 22 2 3
--R
      \|b x + a
--R
                       \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R /
       6 6 5 5 2 4 4 3 3 3
                               4 2 2 5 6
--R
--R
      (b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a)
--R
--R
      --R
--R
      |----- |-----
      --R
--R
      \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                 Type: Expression(Integer)
--E 962
)clear all
--S 963 of 1394
t0:=(c/(a+b*x)^3)(1/2)
--R
--R
--R
      +----+
```

```
(1) |-----
--R
       133 22 2 3
--R
--R
       \| b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 963
--S 964 of 1394
r0:=-2*(a+b*x)*sqrt(c/(a+b*x)^3)/b
--R
--R
--R
--R
--R
       (- 2b x - 2a) |-----
--R
                --R
               \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
--R
                      ъ
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 964
--S 965 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
          l c
   2 |-----
\|b x + a
--R
--R
--R (3) - -----
        b
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 965
--S 966 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
        - 2 |----- + (2b x + 2a) |-----
--R
                          --R
         \|b x + a
--R
                          \| b x + 3a b x + 3a b x + a
--R (4) ------
--R
                            b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 966
--S 967 of 1394
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R
  (5)
        --R
--R
--R
       - c |----- + (b c x + a c) |-----
                | 3 3 2 2 2 3
         \b x + a
                        \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
--R
--R
    3 3 2 2 2 3 | c | c
   (b x + 3a b x + 3a b x + a) |------|
--R
                      --R
--R
                      --R
                                 Type: Expression(Integer)
--E 967
)clear all
--S 968 of 1394
t0:=1/(c/(a+b*x)^3)(1/2)
--R
--R
--R
--R
--R
--R
--R
       133 22 2 3
--R
--R
      --R
                                  Type: Expression(Integer)
--E 968
--S 969 of 1394
r0:=2/5*(a+b*x)/(b*sqrt(c/(a+b*x)^3))
--R
--R
--R
             2b x + 2a
--R
--R
--R
      5b |-----
--R
       --R.
--R
       \| b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                  Type: Expression(Integer)
--E 969
--S 970 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
 --R
                                                                            2 2
 --R
                                                                           2b x + 4a b x + 2a
                                (3) -----
--R
--R
--R
--R
                                                                                                5ъ |----
--R
                                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 970
--S 971 of 1394
m0:=a0-r0
 --R
 --R
 --R
                                       (4)
--R
--R
                                                                                                                                                        l c
--R
                                                                      (- 2b x - 2a) |-----
 --R
                                                                                                                                                          \begin{tabular}{l} \begin{tabu
 --R
 --R
                                                                                 2 2
--R
                                                                                                                                                                                                 2 | c
                                                                      (2b x + 4a b x + 2a ) |-----
--R
                                                                                                                                                                                                                                 --R
--R
                                                                                                                                                                                                                            --R /
--R
                                                      | c | c
5b |------|-----|
--R
--R
                                                                --R
--R
                                                                   --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 971
--S 972 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
 --R
  --R
  --R
                                                                            - |----- + (b x + a) |-----
 --R
--R
                                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
                                                                                                                                                                               --R
                                                                                                                                                                                                                                       \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
--R
                                                                                                                                   | c | c
--R
 --R
                                                                                                                                   |-----
                                                                                                                                 --R
--R
```

```
--R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 972
)clear all
--S 973 of 1394
t0:=1/(c/(a+b*x)^3)(3/2)
--R
--R
                                    3 3 2 2 2 3
--R
--R
                                b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
--R
--R
                                                                          С
--R
                         c |-----
--R
                                 --R
                              \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--Е 973
--S 974 of 1394
r0:=2/11*(a+b*x)^4/(b*c*sqrt(c/(a+b*x)^3))
--R
--R
--R
                                 4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
                              2b x + 8a b x + 12a b x + 8a b x + 2a
--R
                 (2) -----
--R
--R
                                                    - 1
                                                                                             С
                                    11b c |-----
--R
                                                    --R
--R
                                                     --R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 974
--S 975 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                                 5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
--R
                              2b x + 10a b x + 20a b x + 20a b x + 10a b x + 2a
--R
--R
                                                                                                      +----+
--R
                                                                                                     l c
                                                                                       11b c |----
--R
                                                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                            Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 975
--S 976 of 1394
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                  (4)
--R
                                                    4 4 3 3 2 2 2 3 4 I c
--R
--R
                                       (-2b x - 8a b x - 12a b x - 8a b x - 2a)
--R
                                                                                                                                                                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                      5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
                                                                                                                                                                                                                   4 5
--R
--R
                                              (2b x + 10a b x + 20a b x + 20a b x + 10a b x + 2a)
--R
--R
--R
                                                                                                     С
--R
                                                |-----
--R
                                                 --R
                                            --R /
--R
                                                    +----+
--R
--R
                               11b c |----- |-----
                                                  --R
--R
                                                 \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 976
--S 977 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                 (5)
--R
                                             3 3 2 2 2 3 | c
--R
--R
                               (- b x - 3a b x - 3a b x - a ) |-----
--R
                                                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                          4 4 3 3 2 2 2 3 4 |
--R
--R
                                       (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) |-----
                                                                                                                                                                                                  --R
--R
                                                                                                                                                                                               --R /
--R
                                     +----+
                                | c | c
--R
--R
                              c |------ |-----
                               --R
--R
                            \| b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 977
```

```
)clear all
--S 978 of 1394
t0:=1/(c/(a+b*x)^3)^(5/2)
--R
--R
                             6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
                          b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R (1) ------
--R
--R
                                                               2 | c
--R
                                                             c |-----
                                                                    1 3 3 2 2 2 3
--R
--R
                                                                  \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 978
--S 979 of 1394
r0:=2/17*(a+b*x)^7/(b*c^2*sqrt(c/(a+b*x)^3))
--R
--R
--R
           (2)
--R
               77 66 255 344 433 522 6 7
--R
              2b \ x + 14a \ b \ x + 42a \ b \ x + 70a \ b \ x + 70a \ b \ x + 42a \ b \ x + 14a \ b \ x + 2a
--R
--R
--R
                                                                            2 |
                                                                                                                  С
--R
                                                                17b c |----
                                                                                --R
--R
                                                                              --R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 979
--S 980 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
              (3)
                                                    77 266 355 444 533
--R
--R
                        2b \ x + 16a \ b \ x + 56a \ b \ x + 112a \ b \ x + 140a \ b \ x + 112a \ b \ x
--R
--R
                             6 2 2 7
--R
                        56a b x + 16a b x + 2a
--R /
                                 +----+
--R
--R
                            2 | c
--R
                17b c |----
--R
                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                            Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 980
```

```
--S 981 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
           (4)
--R
                                         77 66 255 344 433 522
--R
--R
                                 - 2b x - 14a b x - 42a b x - 70a b x - 70a b x - 42a b x
--R
--R
                                           6
--R
                                - 14a b x - 2a
--R
--R
                                 +----+
                                l c
--R
--R
                                |----
--R
                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                     88 77 266 355 444 533
                                  2b x + 16a b x + 56a b x + 112a b x + 140a b x + 112a b x
--R
--R
--R
                                      6 2 2 7 8
--R
                                56a b x + 16a b x + 2a
--R
--R
--R
--R
                                --R
--R
                              --R /
--R
                                   +----+
                                 2 | c | c
--R
                    17b c |----- |-----
--R
                                  --R
--R
                                  \| b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 981
--S 982 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
           (5)
--R
                                    6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
                              (-b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a)
--R
--R
                                +----+
--R
                             | c
--R
                              |----
--R
                          \|b x + a
--R
```

```
77 66 255 344 433 522 6
--R
--R
         b x + 7a b x + 21a b x + 35a b x + 35a b x + 21a b x + 7a b x
--R
--R
          7
--R
         a
--R
--R
--R
        C
--R
        --R
--R
        --R /
--R
     2 | c | c
--R
     c |----- |-----
--R
--R
       --R
      \|b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 982
)clear all
--S 983 of 1394
t0:=(c*(a+b*x)^(3/2))^(2/3)
--R
--R
--R
       3| +----+
--R
--R
   (1) |(b c x + a c)||b x + a
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 983
--S 984 of 1394
r0a:=1/2*(a+b*x)*(c*(a+b*x)^(3/2))^(2/3)/b
--R
--R
--R
             3| +----+
--R
--R
      (b x + a) | (b c x + a c) | b x + a
   (2) -----
--R
--R
                  2b
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 984
--S 985 of 1394
r0b:=a*x*(c*(a+b*x)^(3/2))^(2/3)/(a+b*x)+_
   1/2*b*x^2*(c*(a+b*x)^(3/2))^(2/3)/(a+b*x)
--R
--R
                 +-----+2
```

```
2 3| +----+
--R
    (b x + 2a x) | (b c x + a c) | b x + a
--R
--R
    (3) -----
--R
                      2b x + 2a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 985
--S 986 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         2 3| +----+
--R
     (b x + 2a x) \setminus (b c x + a c) \setminus |b x + a
--R
--R (4) -----
--R
                     2b x + 2a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 986
--S 987 of 1394
m0a:=a0-r0a
--R
--R
--R
          2 3| +----+
--R
-R 2 31 -R a \mid (b c x + a c) \mid b x + a
--R
                  2
--R
--R
                2b x + 2a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 987
--S 988 of 1394
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (6) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 988
--S 989 of 1394
m0b:=a0-r0b
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 989
--S 990 of 1394
d0b:=D(m0b,x)
```

```
--R
--R
--R
    (8) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 990
)clear all
--S 991 of 1394
t0:=(c*(a+b*x)^(2/3))^(3/2)
--R
--R
--R
          3+-----+2 | 3+-----+2
--R
    (1) c \mid b x + a \mid c \mid b x + a
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 991
--S 992 of 1394
r0a:=1/2*c*(a+b*x)^(5/3)*sqrt(c*(a+b*x)^(2/3))/b
--R
--R
                     3+----+2 | 3+----+2
--R
--R
         (b c x + a c) \setminus |b x + a \setminus |c \setminus |b x + a
--R
     (2) -----
--R
                           2b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 992
--S 993 of 1394
r0b:=a*c*x*sqrt(c*(a+b*x)^(2/3))/(a+b*x)^(1/3)+_
    1/2*b*c*x^2*sqrt(c*(a+b*x)^(2/3))/(a+b*x)^(1/3)
--R
--R
             2
--R
                        | 3+----+2
        (b c x + 2a c x)\|c \|b x + a
--R
    (3) -----
--R
--R
                    3+----+
--R
                   2 \mid b x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 993
--S 994 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
             2 +-+
--R
--R (b c x + 2a c x)\|c
```

```
--R
--R
                            Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 994
--S 995 of 1394
m0a:=a0-r0a
--R
--R
--R
                3+-----+2 | 3+-----+2 2 2 +-+
--R
      (-bcx-ac)\bx+a\bcx+a+(bcx+2abcx)\c
--R
   (5) ------
--R
--R
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 995
--S 996 of 1394
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                  +----+
                +-+ | 3+-----+2 2 2 3+-----+
--R
      --R
--R
--R
                      | 3+----+2
--R
--R
                      \c \b x + a
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 996
--S 997 of 1394
m0b:=a0-r0b
--R
--R
          2 | 3+----+2 2 +-+3+-----+
--R
--R
      (-bcx - 2acx)\c \b x + a + (bcx + 2acx)\c \b x + a
--R
   (7) -----
--R
--R
                          3+----+
--R
                          2 \mid b x + a
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 997
--S 998 of 1394
--RdOb:=D(mOb,x)
--R
--R
--R
                +-+ | 3+-----+2 2 2 3+-----+
--R
```

```
(b c x + a c) | c | c | b x + a + (-b c x - a c) | b x + a
--R
--R
                         | 3+----+2
--R
--R
                         \c \b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 998
)clear all
--S 999 of 1394
t0:=1/(c/(a+b*x)^{(3/2)})^{(2/3)}
--R
--R
--R
               1
--R (1) -----
--R +----+2
--R
       l c
       |-----
--R
      3| +----+
--R
--R
      (b x + a) b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 999
--S 1000 of 1394
r0a:=1/2*(a+b*x)/(b*(c/(a+b*x)^(3/2))^(2/3))
--R
--R
--R
              b x + a
--R (2) -----
--R +-----+2
--R | c
--R 2b |------
--R 3| +----+
--R
         \|(b x + a)\|b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1000
--S 1001 of 1394
r0b:=a*x/((c/(a+b*x)^(3/2))^(2/3)*(a+b*x))+_
   1/2*b*x^2/((c/(a+b*x)^(3/2))^(2/3)*(a+b*x))
--R
--R
--R
                  2
--R
               b x + 2a x
--R (3) -----
                +----+2
--R
--R
                l c
--R (2b x + 2a) |----
                3| +----+
--R
```

```
--R
                   (b x + a) b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1001
--S 1002 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         2 3 2 2 | c
--R
--R
        (b x + 3a b x + 2a x) |-----
                         3| +----+
--R
--R
                            \|(b x + a)\|b x + a
--R
--R
--R
                      2c \mid b x + a
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1002
--S 1003 of 1394
m0a:=a0-r0a
--R
--R
--R
--R
--R
--R
           +----+2 | c
--R
--R
          2b \|b x + a |-----
                       3| +----+
--R
--R
                       \|(b x + a)\|b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1003
--S 1004 of 1394
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (6) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1004
--S 1005 of 1394
m0b:=a0-r0b
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1005
```

```
--S 1006 of 1394
 --Rd0b:=D(m0b,x)
 --R
 --R
 --R
                (8) 0
 --R
                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
 --E 1006
 )clear all
 --S 1007 of 1394
 t0:=1/(c/(a+b*x)^{2})^{3}
 --R
 --R
 --R
                                       3+----+2
 --R
                                       \begin{tabular}{ll} \beg
 --R (1) -----
 --R +----+
--R c |-----
 --R
                                       |3+----+2
 --R
                                  \left| \right|  b x + a
 --R
                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
 --E 1007
 --S 1008 of 1394
 r0a:=1/2*(a+b*x)^(5/3)/(b*c*sqrt(c/(a+b*x)^(2/3)))
 --R
 --R
 --R
                                                              3+----+2
 --R
                                  (b x + a) \setminus |b x + a
 --R (2) -----
 --R
                                                  +----+
                                                  l c
 --R
 --R
                               2b c |----
                                                    |3+----+2
 --R
 --R
                                                    \| \| x + a
 --R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
 --E 1008
 --S 1009 of 1394
 r0b:=a*x/(c*(a+b*x)^(1/3)*sqrt(c/(a+b*x)^(2/3)))+_
                 1/2*b*x^2/(c*(a+b*x)^(1/3)*sqrt(c/(a+b*x)^(2/3)))
 --R.
 --R
 --R
                                                                   2
 --R
                                                      b x + 2a x
 --R (3) -----
 --R
                                  3+----- c
 --R
```

```
2c\|b x + a |-----
--R
--R
                   |3+----+2
--R
                  \| \| x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1009
--S 1010 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          2
        b x + 2a x
--R
--R
   (4) -----
            +-+
--R
--R
           2c\|c
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1010
--S 1011 of 1394
m0a:=a0-r0a
--R
--R
--R
         2 2 | c +-+3+-----+2
--R
         (b x + 2a b x) \mid ------ + (-b x - a) \mid c \mid b x + a
--R
                     |3+----+2
--R
--R
                     \| \| x + a
--R
--R
--R
                           +-+ | c
                       2b c\|c |-----
--R
                              |3+----+2
--R
--R
                              \| \ x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1011
--S 1012 of 1394
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
--R
                +-+ | c
                                 3+----+2
--R
         (b x + a) | c | ---- - c | b x + a
                   |3+----+2
--R
--R
                   \| \| x + a
    (6) -----
--R
                     +----+
--R
--R
                    2 | c
                    c |-----
--R
                      |3+----+2
--R
```

```
--R
                     \| \| x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1012
--S 1013 of 1394
m0b:=a0-r0b
--R
--R
--R
          2 3+-----+ | c
--R
--R
         (b x + 2a x) | b x + a | ----- + (-b x - 2a x) | c
                            |3+----+2
--R
--R
                          \| \| x + a
--R
--R
--R
                      +-+3+----- c
                     2c\|c \|b x + a |-----
--R
--R
                                  |3+----+2
--R
                                  \| \| x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1013
--S 1014 of 1394
--RdOb:=D(mOb,x)
--R
--R
--R
                 3+-----+ | c +-+
--R
--R
        (-b x - a) | b x + a | ----- + (b x + a) | c
--R
                          |3+----+2
--R
                         \| \| x + a
--R
--R
--R
                             С
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1014
)clear all
--S 1015 of 1394
t0:=(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^2)
--R
--R
--R
   (1)
                4 4 2 3 3 3 2 2
--R
     5 5
     b d x + 5b c d x + (10b c + a)d x + (10b c + 3a c)d x
--R
--R +
--R
       4 2 5 3
--R
     (5bc + 3ac)dx + bc + ac
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
```

```
--E 1015
--S 1016 of 1394
r0:=1/4*a*(c+d*x)^4/d+1/6*b*(c+d*x)^6/d
--R
--R
--R (2)
     1 66 55 5 2 1 44 10 3
--R
       - b d x + b c d x + (- b c + - a) d x + (-- b c + a c) d x
--R
--R
--R
        5 4 3 2 2 2 5 3 1 6 1 4
--R
       (- b c + - a c )d x + (b c + a c )d x + - b c + - a c
--R
--R
--R /
--R
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1016
--S 1017 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
    1 56 45 5 2 1 34 10 3 23
- b d x + b c d x + (- b c + - a)d x + (-- b c + a c)d x
--R
--R
--R
--R
--R
     5 4 3 2 2 5 3
--R
    (-bc + -ac)dx + (bc +ac)x
--R
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1017
--S 1018 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 6 1 4
--R
         --bc--ac
6 4
--R
--R
--R
    (4) -----
--R
                d
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1018
--S 1019 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1019
)clear all
--S 1020 of 1394
t0:=(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^2)^2
--R
--R
--R
   (1)
     277 2 66 22 55
--R
                                        2 3
     b d x + 7b c d x + (21b c + 2a b) d x + (35b c + 10a b c) d x
--R
--R
        2 4 2 2 3 3 2 5
                                       3 2 2 2
--R
--R
     (35b c + 20a b c + a)d x + (21b c + 20a b c + 3a c)d x
--R +
--R
       26 4 22 27 5 23
    (7b c + 10a b c + 3a c )d x + b c + 2a b c + a c
--R
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 1020
--S 1021 of 1394
r0:=1/4*a^2*(c+d*x)^4/d+1/3*a*b*(c+d*x)^6/d+1/8*b^2*(c+d*x)^8/d
--R
--R
--R
       1 2 8 8 2 7 7 7 2 2 1 6 6 2 3 5 5
--R
       - b d x + b c d x + (- b c + - a b) d x + (7b c + 2a b c) d x
--R
--R
                         2 3
--R
      35 2 4 2 1 2 4 4 2 5 20 3 2 3 3
--R
--R
      (-- b c + 5a b c + - a )d x + (7b c + -- a b c + a c)d x
--R
--R
       7 2 6 4 3 2 2 2 2 2 7 5 2 3 1 2 8
--R
--R
      (- b c + 5a b c + - a c )d x + (b c + 2a b c + a c )d x + - b c
--R
--R
      1 6 1 2 4
--R
--R
       -abc +-ac
--R
--R /
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1021
--S 1022 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
   (3)
--R
--R
   1 2 7 8 2 6 7 7 2 2 1 5 6 2 3 4 5
--R
    - b d x + b c d x + (- b c + - a b)d x + (7b c + 2a b c)d x
--R
--R +
     35 2 4 2 1 2 3 4 2 5 20 3 2 2 3
--R
--R
    (-- b c + 5a b c + - a )d x + (7b c + -- a b c + a c)d x
--R
--R
--R
     7 2 6 4 3 2 2 2 2 7 5 2 3
     (-bc + 5abc + -ac)dx + (bc + 2abc + ac)x
--R
--R
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1022
--S 1023 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        1 2 8 1 6 1 2 4
       --bc --abc --ac
--R
--R
     8 3 4
--R (4) -----
             d
--R
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1023
--S 1024 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1024
)clear all
--S 1025 of 1394
t0:=(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^2)^3
--R
--R
--R (1)
--R 399 3 88 32 277 33 266
--R
    b d x + 9b c d x + (36b c + 3a b )d x + (84b c + 21a b c)d x
--R +
       3 4 2 2 2 5 5 3 5 2 3 2 4 4
--R
--R (126b c + 63a b c + 3a b)d x + (126b c + 105a b c + 15a b c)d x
--R +
--R
    3 6 2 4 2 2 3 3 3
```

```
--R
     (84b c + 105a b c + 30a b c + a)d x
--R
--R
       37 25 23 322
--R
     (36b c + 63a b c + 30a b c + 3a c)d x
--R +
        38 26 24 32 39 27 25 33
--R
--R
     (9bc + 21abc + 15abc + 3ac)dx + bc + 3abc + 3abc + ac
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 1025
--S 1026 of 1394
r0:=-1/8*a*(a+b*(c+d*x)^2)^4/(b^2*d)+1/10*(a+b*(c+d*x)^2)^5/(b^2*d)
--R
--R
--R
    (2)
--R
       1 5 10 10 5 9 9 9 5 2 3 4 8 8 5 3 4 7 7
--R
       -- b d x + b c d x + (- b c + - a b )d x + (12b c + 3a b c)d x
--R
       10
                            2
--R
--R
         5 4 21 4 2 1 2 3 6 6 126 5 5 4 3 2 3 5 5
--R
        (21b c + -- a b c + - a b) d x + (--- b c + 21a b c + 3a b c) d x
                       2
--R
                2
                                     5
--R
--R
         5 6 105 4 4 15 2 3 2 1 3 2 4 4
--R
        (21b c + --- a b c + -- a b c + - a b) d x
               4
                    2
--R
--R
          57 45 233 32 33
--R
--R
       (12b c + 21a b c + 10a b c + a b c)d x
--R
--R
        9 5 8 21 4 6 15 2 3 4 3 3 2 2 2 2
--R
       (-bc + -- abc + -- abc )dx
--R
--R
        5 9 4 7 2 3 5 3 2 3
--R
                                       1 5 10 3 4 8 1 2 3 6
       (b c + 3a b c + 3a b c + a b c )d x + -- b c + - a b c + - a b c
--R
--R
                                       10
--R
       1 3 2 4 1 5
--R
--R
       - a b c - -- a
--R
       4
--R /
--R
      2
--R
      b d
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1026
--S 1027 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (3)
--R
   1 3 9 10 3 8 9 9 3 2 3 2 7 8 3 3 2 6 7
--R
     -- b d x + b c d x + (- b c + - a b )d x + (12b c + 3a b c)d x
--R
    10
                       2 8
--R
       3 4 21 2 2 1 2 5 6 126 3 5 2 3 2 4 5
--R
--R
      (21b c + -- a b c + - a b)d x + (--- b c + 21a b c + 3a b c)d x
                 2
--R
--R
--R
       3 6 105 2 4 15 2 2 1 3 3 4
      (21b c + --- a b c + -- a b c + - a) d x
--R
--R
--R
--R
       37 25 23 323
--R
     (12b c + 21a b c + 10a b c + a c)d x
--R
     9 3 8 21 2 6 15 2 4 3 3 2
--R
      (- b c + -- a b c + -- a b c + - a c )d x
--R
--R
            2 2 2
--R
      3 9 2 7 2 5 3 3
--R
      (b c + 3a b c + 3a b c + a c )x
--R
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1027
--S 1028 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 5 10 3 4 8 1 2 3 6 1 3 2 4 1 5
--R
       --- b c -- a b c -- a b c -- a b c +-- a
                         2 4
--R
        10
                8
--R (4) -----
--R
                          2
--R
                          b d
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1028
--S 1029 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1029
)clear all
--S 1030 of 1394
```

```
t0:=(2+x)/(1+(2+x)^2)
--R
--R
--R
         x + 2
--R (1) -----
--R 2
--R
       x + 4x + 5
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1030
--S 1031 of 1394
r0:=1/2*log(1+(2+x)^2)
--R
--R
        2
--R
--R 2 log(x + 4x + 5)
--R (2) -----
--R
          2
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1031
--S 1032 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         2
--R
--R \log(x + 4x + 5)
--R (3) -----
          2
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1032
--S 1033 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1033
--S 1034 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1034
)clear all
```

```
--S 1035 of 1394
t0:=(2+x)/(1+(2+x)^2)^2
--R
--R
--R
                x + 2
--R (1) -----
     4 3 2
--R
--R
       x + 8x + 26x + 40x + 25
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1035
--S 1036 of 1394
r0:=(-1/2)/(1+(2+x)^2)
--R
--R
--R
             1
--R
--R
--R (2) - -----
--R 2
--R x + 4x + 5
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1036
--S 1037 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
      1
--R
--R (3) - -----
     2
--R
--R
         2x + 8x + 10
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1037
--S 1038 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1038
--S 1039 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1039
```

```
)clear all
--S 1040 of 1394
t0:=(2+x)/(1+(2+x)^2)^3
--R
--R
--R
                       x + 2
--R (1) -----
        6 5 4 3 2
--R
--R
        x + 12x + 63x + 184x + 315x + 300x + 125
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1040
--S 1041 of 1394
r0:=(-1/4)/(1+(2+x)^2)^2
--R
--R
--R
                    1
--R
--R
--R (2) - -----
         4 3 2
--R
--R
         x + 8x + 26x + 40x + 25
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1041
--S 1042 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
         4 3 2
--R
         4x + 32x + 104x + 160x + 100
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1042
--S 1043 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1043
--S 1044 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1044
)clear all
--S 1045 of 1394
t0:=(c+d*x)^5*(a+b*(c+d*x)^2)^p
--R
--R
--R
    (1)
                4 4
--R
       5 5
                       2 3 3 3 2 2 4
       (d x + 5c d x + 10c d x + 10c d x + 5c d x + c)
--R
--R *
--R
        2 2
--R
       (b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1045
--S 1046 of 1394
r0:=1/2*a^2*(a+b*(c+d*x)^2)^(1+p)/(b^3*d*(1+p))-_
    a*(a+b*(c+d*x)^2)^(2+p)/(b^3*d*(2+p))+1/2*(a+b*(c+d*x)^2)^(3+p)/_
    (b^3*d*(3+p))
--R
--R
     (2)
--R
               2 2
--R
--R
        (p + 3p + 2)(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
--R.
        2 2 2 2 p + 2
(- 2a p - 8a p - 6a)(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
--R
          2 2 2 2
--R
                           2 2
--R
        (a p + 5a p + 6a)(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R /
       3 3 3 2 3
--R
--R
      2b d p + 12b d p + 22b d p + 12b d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1046
--S 1047 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
            3 6 2
                    36 366 352 35 355
--R
          (b d p + 3b d p + 2b d)x + (6b c d p + 18b c d p + 12b c d)x
--R
                     2 4 2 3 2 2 4 3 2 4 4
--R
              3 2
          ((15b c + a b)d p + (45b c + a b)d p + 30b c d)x
--R
```

```
--R
             3 3 2 3 2 3 3 3 3 3
--R
--R
        ((20b c + 4a b c)d p + (60b c + 4a b c)d p + 40b c d)x
--R
             3 4 2 2 2 2 3 4 2 2 2 3 4 2 2
--R
--R
        ((15b c + 6a b c )d p + (45b c + 6a b c - 2a b)d p + 30b c d )x
--R
--R
                  232
                              3 5
                                     2 3
                                            2
        ((6b c + 4a b c )d p + (18b c + 4a b c - 4a b c)d p + 12b c d)x
--R
--R
                                24 2 2
--R
                242 36
                                               3 6
          3 6
        (b c + a b c )p + (3b c + a b c - 2a b c )p + 2b c + 2a
--R
--R
--R
               2 2
       p log(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
--R
--R /
--R
       3 3
               3 2
                       3
      2b d p + 12b d p + 22b d p + 12b d
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1047
--S 1048 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
           362 36 366 352 35 355
--R
--R
          (b d p + 3b d p + 2b d )x + (6b c d p + 18b c d p + 12b c d )x
--R
                             3 2
--R
              3 2
                    2 4 2
                                     2 4
                                             3 2 4 4
--R
          ((15b c + a b)d p + (45b c + a b)d p + 30b c d)x
--R
              3 3 2 3 2 3 3 3 3 3
--R
          ((20b c + 4a b c)d p + (60b c + 4a b c)d p + 40b c d )x
--R
--R
--R
                     2 2 2 2
                                3 4
                                        22 2 2
                                                       3 4 2 2
--R
           ((15b c + 6a b c)d p + (45b c + 6a b c - 2a b)d p + 30b c d)x
--R
--R
                    23 2
                               3 5
                                       2 3
                                             2
--R
          ((6b c + 4a b c) d p + (18b c + 4a b c - 4a b c) d p + 12b c d)x
--R
--R
                 2 4 2 3 6 2 4 2 2 3 6
           3 6
--R
           (b c + a b c)p + (3b c + a b c - 2a b c)p + 2b c + 2a
--R
--R
                 2 2
          p log(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
--R
         %e
--R
--R
                      2 2
          2
                                     2 p + 3
```

```
(-p - 3p - 2)(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
--R
          2 2 2
--R
        2 2 2 p + 2 (2a p + 8a p + 6a) (b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
--R
           2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
       (-ap-5ap-6a)(bdx+2bcdx+bc+a)
--R /
       3 3 3 2 3
--R
       2b d p + 12b d p + 22b d p + 12b d
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1048
--S 1049 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1049
)clear all
--S 1050 of 1394
t0:=(c+d*x)^4*(a+b*(c+d*x)^2)^p
--R
--R
--R
    (1)
     44 33 222 3 4 22
--R
--R
    (d x + 4c d x + 6c d x + 4c d x + c)(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1050
--S 1051 of 1394
--r0:=-3*a*(c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^2)^(1+p)/(b^2*d*(3+2*p)*(5+2*p))+_
     (c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^2)^(1+p)/(b*d*(5+2*p))+_
      3*a^2*(c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^2)^p*_
    hypergeometric(1/2,-p,3/2,-b*(c+d*x)^2/a)/(b^2*d*(3+2*p)*(5+2*p)*_
    ((a+b*(c+d*x)^2)/a)^p)
--E 1051
--S 1052 of 1394
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1052
--S 1053 of 1394
--m0:=a0-r0
--E 1053
--S 1054 of 1394
```

```
--d0:=D(m0,x)
--Е 1054
)clear all
--S 1055 of 1394
t0:=(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^2)^p
--R
--R
                 2 2 2 3 2 2
--R
         3 3
--R (1) (d x + 3c d x + 3c d x + c)(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1055
--S 1056 of 1394
r0:=-1/2*a*(a+b*(c+d*x)^2)^(1+p)/(b^2*d*(1+p))+_
    1/2*(a+b*(c+d*x)^2)^(2+p)/(b^2*d*(2+p))
--R.
--R
--R (2)
                       2 p + 2
--R
--R
       (p + 1)(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
--R
               2 2 p + 1
--R
        (-ap-2a)(bdx + 2bcdx + bc + a)
--R /
--R
       2 2
               2
--R
      2b d p + 6b d p + 4b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1056
--S 1057 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
     (3)
--R
--R
           2 4
                244 23 233
         (b d p + b d )x + (4b c d p + 4b c d )x
--R
--R
--R
                    2
                           2 2 2 2
                                       2 3
         ((6b c + a b)d p + 6b c d)x + ((4b c + 2a b c)d p + 4b c d)x
--R
--R
--R
          2 4
                 2
                        2 4
         (bc + abc)p + bc - a
--R
--R
--R
                 2 2
        p log(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
--R
        %e
--R /
        2 2 2
--R
```

```
--R
      2b d p + 6b d p + 4b d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1057
--S 1058 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
            24 244 23 233
--R
--R
           (b d p + b d )x + (4b c d p + 4b c d )x
--R
             2 2 2
                            2 2 2 2 2 3
--R
           ((6b c + a b)d p + 6b c d)x + ((4b c + 2a b c)d p + 4b c d)x
--R
--R
--R
            2 4 2 2 4 2
--R
          (b c + a b c )p + b c - a
--R
--R
                  2 2
           p log(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
--R
--R
--R
                   2 2
       (-p-1)(bdx + 2bcdx + bc + a)
--R
--R
        --R
--R
--R /
--R
        2 2
              2
--R
      2b d p + 6b d p + 4b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1058
--S 1059 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1059
)clear all
--S 1060 of 1394
t0:=(c+d*x)^2*(a+b*(c+d*x)^2)^p
--R
--R
--R
                      2 2 2
         2 2
     (1) (d x + 2c d x + c)(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1060
--S 1061 of 1394
--r0:=(c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^2)^(1+p)/(b*d*(3+2*p))-_
-- a*(c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^2)^p*_
   hypergeometric(1/2,-p,3/2,-b*(c+d*x)^2/a)/(b*d*(3+2*p)*_
-- ((a+b*(c+d*x)^2)/a)^p)
--E 1061
--S 1062 of 1394
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1062
--S 1063 of 1394
--m0:=a0-r0
--E 1063
--S 1064 of 1394
--d0:=D(m0,x)
--E 1064
)clear all
--S 1065 of 1394
t0:=(c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^2)^p
--R
--R
--R
                     2 2
--R
    (1) (d x + c)(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1065
--S 1066 of 1394
r0:=1/2*(a+b*(c+d*x)^2)^(1+p)/(b*d*(1+p))
--R
--R
                             2 p + 1
--R
            2 2
        (b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
    (2) -----
--R
--R
                   2b d p + 2b d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1066
--S 1067 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                              2 2
             2 2 p log(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
--R
        (b d x + 2b c d x + b c + a)\%e
```

```
--R
--R
                                  2b d p + 2b d
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1067
--S 1068 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
    (4)
--R
--R
                                              2 2
                    2 p log(b d x + 2b c d x + b c + a)
--R
           2 2
--R
        (b d x + 2b c d x + b c + a)\%e
--R
--R
                              2 p + 1
            2 2
--R
        - (b d x + 2b c d x + b c + a)
--R /
--R
       2b d p + 2b d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1068
--S 1069 of 1394
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1069
)clear all
--S 1070 of 1394
t0:=(a+b*(c+d*x)^2)^p/(c+d*x)
--R
--R
        2 2
--R 2 2 2 2 p
--R (b d x + 2b c d x + b c + a)
--R (1) -----
--R
                    dx + c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1070
--S 1071 of 1394
--r0:=1/2*(a+b*(c+d*x)^2)^p*_
     hypergeometric(-p,-p,1-p,-a/(b*(c+d*x)^2))/_{-}
      (d*p*((a+b*(c+d*x)^2)/(b*(c+d*x)^2))^p)
--E 1071
--S 1072 of 1394
--a0:=integrate(t0,x)
```

```
--E 1072
--S 1073 of 1394
--m0:=a0-r0
--Е 1073
--S 1074 of 1394
--d0:=D(m0,x)
--Е 1074
)clear all
--S 1075 of 1394
t0:=(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3)
--R
--R
--R (1)
--R
     66 55 244 3 33 4 22
--R b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + a)d x + (15b c + 3a c)d x
--R +
      5 2 6 3
--R
--R
    (6b c + 3a c )d x + b c + a c
--R
                                        Type: Polynomial(Integer)
--E 1075
--S 1076 of 1394
r0:=1/4*a*(c+d*x)^4/d+1/7*b*(c+d*x)^7/d
--R
--R
--R (2)
   1 77 66 255 3 1 44 4
--R
--R
      -bdx + bcdx + 3bcdx + (5bc + -a)dx + (5bc + ac)dx
--R
--R
--R
         5 3 2 2 2
                         6
                               3
                                     1 7 1
      (3b c + - a c )d x + (b c + a c )d x + - b c + - a c
--R
--R
--R /
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1076
--S 1077 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 1 67 56 245 3 1 34 4 23
--R - b d x + b c d x + 3b c d x + (5b c + - a)d x + (5b c + a c)d x
--R
```

```
--R +
--R 5 3 2 2 6 3
--R
     (3bc + -ac)dx + (bc +ac)x
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1077
--S 1078 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 7 1 4
--R
        --bc--ac
--R
         7 4
--R
--R
   (4) -----
--R
         d
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1078
--S 1079 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1079
)clear all
--S 1080 of 1394
t0:=(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3)^2
--R
--R
--R
   (1)
     299 288 2277 23
--R
     b d x + 9b c d x + 36b c d x + (84b c + 2a b)d x
--R
--R
                           2 5
--R
                    5 5
--R
     (126b c + 12a b c)d x + (126b c + 30a b c)d x
--R
--R
        2 6
                  3 2 3 3
                                 2 7
--R
     (84b c + 40a b c + a)d x + (36b c + 30a b c + 3a c)d x
--R +
--R
        2 8
              5 22 29 6 23
--R
     (9bc + 12abc + 3ac)dx + bc + 2abc + ac
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--E 1080
--S 1081 of 1394
r0:=1/4*a^2*(c+d*x)^4/d+2/7*a*b*(c+d*x)^7/d+1/10*b^2*(c+d*x)^10/d
```

```
--R
--R
--R
    (2)
       1 2 10 10 2 9 9 9 2 2 8 8 2 3 2 7 7
--R
       -- b d x + b c d x + - b c d x + (12b c + - a b)d x
--R
--R
      10
--R
--R
                     6 6 126 2 5
      (21b c + 2a b c)d x + (--- b c + 6a b c )d x
--R
--R
--R
           2 6 3 1 2 4 4
--R
                                   2 7
        (21b c + 10a b c + - a)d x + (12b c + 10a b c + a c)d x
--R
--R
--R
--R
        9 2 8 5 3 2 2 2 2 2 9 6 2 3 1 2 10
--R
        (- b c + 6a b c + - a c )d x + (b c + 2a b c + a c )d x + -- b c
--R
--R
       2 7 1 2 4
--R
--R
       - a b c + - a c
--R
--R /
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1081
--S 1082 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
     1 2 9 10 2 8 9 9 2 2 7 8 2 3 2
--R
--R
      -- b d x + b c d x + - b c d x + (12b c + - a b)d x
--R
     10
--R
        2 4 5 6 126 2 5
--R
--R
      (21b c + 2a b c)d x + (--- b c + 6a b c)d x
--R
--R
        2 6
--R
             3 1 2 3 4 2 7
      (21b c + 10a b c + - a)d x + (12b c + 10a b c + a c)d x
--R
--R
--R
--R
      9 2 8 5 3 2 2 2 2 9 6 2 3
--R
      (-bc + 6abc + -ac)dx + (bc + 2abc + ac)x
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1082
```

```
--S 1083 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 2 10 2 7 1 2 4
--R
--R
        ---bc --abc --ac
                7
--R
         10
--R
--R
                   d
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1083
--S 1084 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1084
)clear all
--S 1085 of 1394
t0:=(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3)^3
--R
--R
--R
    (1)
--R
     3 12 12 3 11 11 3 2 10 10 3 3 2 9 9
--R
     bd x + 12b cd x + 66b cd x + (220b c + 3a b )d x
--R
--R
         3 4
              2 8 8
                            3 5
                                       2 2 7 7
--R
     (495b c + 27a b c)d x + (792b c + 108a b c)d x
--R
         36 23 266 37 24 2 55
--R
--R
     (924b c + 252a b c + 3a b)d x + (792b c + 378a b c + 18a b c)d x
--R
                 2 5
--R
         3 8
                        2 2 4 4
--R
     (495b c + 378a b c + 45a b c )d x
--R
--R
                 2 6
                        2 3 3 3 3
--R
     (220b c + 252a b c + 60a b c + a)d x
--R
--R
       3 10
               2 7
                        2 4
                               3 2 2
--R
    (66b c + 108a b c + 45a b c + 3a c)d x
--R
      3 11 2 8 2 5 3 2 3 12 2 9 2 6 3 3
--R
--R
   (12bc + 27abc + 18abc + 3ac)dx + bc + 3abc + 3abc + ac
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 1085
```

```
--S 1086 of 1394
r0:=1/4*a^3*(c+d*x)^4/d+3/7*a^2*b*(c+d*x)^7/d+3/10*a*b^2*(c+d*x)^10/d+_
    1/13*b^3*(c+d*x)^13/d
--R
--R
--R
   (2)
       1 3 13 13 3 12 12 3 2 11 11 3 3 3 2 10 10
--R
--R
       -- b d x + b c d x + 6b c d x + (22b c + -- a b )d x
--R
      13
--R
--R
         3 4 2 9 9 3 5 27 2 2 8 8
      (55b c + 3a b c)d x + (99b c + -- a b c )d x
--R
--R
--R
--R
         36 23 3 2 77 37 24 2 66
--R
       (132b c + 36a b c + - a b)d x + (132b c + 63a b c + 3a b c)d x
--R
--R
--R
         3 8 378 2 5 2 2 5 5
--R
        (99b c + --- a b c + 9a b c) d x
--R
--R
         3 9 2 6 2 3 1 3 4 4
--R
--R
       (55b c + 63a b c + 15a b c + - a)d x
--R
--R
         3 10 2 7 2 4 3 3 3
--R
--R
       (22b c + 36a b c + 15a b c + a c)d x
--R
--R
         3 11 27 2 8 2 5 3 3 2 2 2
--R
        (6bc + -- abc + 9abc + - ac)dx
--R
--R
        3 12 2 9 2 6 3 3 1 3 13 3 2 10 3 2 7
--R
--R
       (bc + 3abc + 3abc + ac)dx + -- bc + -- abc + - abc
                                              10
--R
                                      13
--R
      1 3 4
--R
--R
       - a c
--R
--R /
--R
--R.
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1086
--S 1087 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
1 3 12 13 3 11 12 3 2 10 11 3 3 3 2 9 10
     -- b d x + b c d x + 6b c d x + (22b c + -- a b )d x
--R
--R
    13
--R +
--R
      34 289 3527 2278
--R
     (55b c + 3a b c)d x + (99b c + -- a b c)d x
--R
--R
       36 23 3 2 67 37 24 2 56
--R
--R
      (132b\ c\ +\ 36a\ b\ c\ +\ -\ a\ b)d\ x\ +\ (132b\ c\ +\ 63a\ b\ c\ +\ 3a\ b\ c)d\ x
--R
--R
       3 8 378 2 5 2 2 4 5
--R
--R
      (99b c + --- a b c + 9a b c)d x
--R
--R +
--R
       3 9 2 6 2 3 1 3 3 4
--R
    (55b c + 63a b c + 15a b c + - a )d x
--R
--R +
       3 10 2 7 2 4 3 2 3
--R
--R
    (22b c + 36a b c + 15a b c + a c)d x
--R
--R
      3 11 27 2 8 2 5 3 3 2 2
--R
      (6b c + -- a b c + 9a b c + - a c )d x
--R
            2
--R
      3 12 2 9 2 6 3 3
--R
--R
      (b c + 3a b c + 3a b c + a c )x
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1087
--S 1088 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 3 13 3 2 10 3 2 7 1 3 4
       ---bc ---abc ---ac
13 10 7 4
--R
--R
--R
   (4) -----
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1088
--S 1089 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
```

```
--E 1089
)clear all
--S 1090 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3)
--R
--R
--R
   (1)
               5 3 5 2 4 3 4
--R
                                      3
                                            3 3 3
--R
     b d e x + 6b c d e x + 15b c d e x + (20b c + a)d e x
--R
         4 232 5 2 3
--R
     (15b c + 3a c)d e x + (6b c + 3a c)d e x + (b c + a c)e
--R
--R
                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 1090
--S 1091 of 1394
r0:=1/4*a*e^3*(c+d*x)^4/d+1/7*b*e^3*(c+d*x)^7/d
--R
--R
--R (2)
      1 737 636 2535 3 1 434
--R
--R
       -bdex + bcdex + 3bcdex + (5bc + -a)dex
--R
--R
          4 3 3 3 5 3 2 2 3 2 6 3 3
--R
--R
      (5b c + a c)d e x + (3b c + - a c)d e x + (b c + a c)d e x
--R
--R
--R
       1 7 1 4 3
       (- b c + - a c )e
--R
--R
        7 4
--R /
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1091
--S 1092 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
   1 6 3 7 5 3 6 2 4 3 5 3 1 3 3 4
--R.
--R
    - b d e x + b c d e x + 3b c d e x + (5b c + - a)d e x
--R
--R +
       4 233 5 3 2 32 6 33
--R
      (5b c + a c)d e x + (3b c + - a c)d e x + (b c + a c)e x
--R
--R
```

```
--R
                                            Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1092
--S 1093 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
            1 7 1 4 3
           (--bc --ac)e
--R
           7
--R
--R (4) -----
           d
--R
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1093
--S 1094 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1094
)clear all
--S 1095 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3)^2
--R
--R
--R (1)
--R 2939 2 838 22737 23 636
--R
      b d e x + 9b c d e x + 36b c d e x + (84b c + 2a b)d e x
--R +
           24 535 25 2434
--R
--R
      (126b c + 12a b c)d e x + (126b c + 30a b c )d e x
--R
                                         2 7
--R
                      3 2 3 3 3
                                                     4 2 2 3 2
      (84b c + 40a b c + a )d e x + (36b c + 30a b c + 3a c)d e x
--R
--R
                 5 22 3 29
--R
--R
      (9b c + 12a b c + 3a c )d e x + (b c + 2a b c + a c )e
--R
                                                      Type: Polynomial(Integer)
--E 1095
--S 1096 of 1394
\texttt{r0} := 1/4 * \texttt{a}^2 * \texttt{e}^3 * (\texttt{c} + \texttt{d} * \texttt{x})^4 / \texttt{d} + 2/7 * \texttt{a} * \texttt{b} * \texttt{e}^3 * (\texttt{c} + \texttt{d} * \texttt{x})^7 / \texttt{d} + 1/10 * \texttt{b}^2 * \texttt{e}^3 * (\texttt{c} + \texttt{d} * \texttt{x})^10 / \texttt{d}
--R
--R
--R (2)
--R 1 2 10 3 10 2 9 3 9 9 2 2 8 3 8 2 3 2 7 3 7
```

```
--R
      -- b d e x + b c d e x + - b c d e x + (12b c + - a b)d e x
--R
      10
--R
--R
                 6 3 6 126 2 5 2 5 3 5
          2 4
--R
       (21b c + 2a b c)d e x + (--- b c + 6a b c )d e x
--R
--R
          26 3 1 2 4 3 4 2 7
--R
       (21b c + 10a b c + - a)d e x + (12b c + 10a b c + a c)d e x
--R
--R
--R
        9 2 8 5 3 2 2 2 3 2 2 9
--R
                                              6 23 3
--R
       (-bc + 6abc + -ac)dex + (bc + 2abc + ac)dex
--R
--R
--R
        1 2 10 2 7 1 2 4 3
--R
       (-- b c + - a b c + - a c )e
--R
        10
                7
--R /
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1096
--S 1097 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
    1 2 9 3 10 2 8 3 9 9 2 2 7 3 8 2 3 2 6 3 7
--R
--R
      -- b d e x + b c d e x + - b c d e x + (12b c + - a b)d e x
--R
     10
--R
--R
        2 4 5 3 6 126 2 5 2 4 3 5
--R
      (21b c + 2a b c)d e x + (--- b c + 6a b c)d e x
--R
--R
       2 6
                                   2 7
--R
                3 1 2 3 3 4
--R
      (21b c + 10a b c + - a)d e x + (12b c + 10a b c + a c)d e x
--R
--R
             5 3 2 2 3 2
--R
      9 2 8
                                   2 9 6 2 3 3
      (-bc + 6abc + -ac)dex + (bc + 2abc + ac)ex
--R
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1097
--S 1098 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
1 2 10 2 7 1 2 4 3
--R
--R
       (---bc --abc --ac)e
--R
         10
               7 4
--R
   (4) -----
--R
                    d
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1098
--S 1099 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1099
)clear all
--S 1100 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3)^3
--R
--R
    (1)
--R
     3 12 3 12 3 11 3 11 3 2 10 3 10 3 3 2 9 3 9
--R
     bd ex + 12bcd ex + 66bcd ex + (220bc + 3ab)dex
--R
--R
         3 4 2 8 3 8 3 5
                                    22737
--R
     (495b c + 27a b c)d e x + (792b c + 108a b c )d e x
--R
--R
         3 6 2 3 2 6 3 6 3 7 2 4 2 5 3 5
--R
     (924b c + 252a b c + 3a b)d e x + (792b c + 378a b c + 18a b c)d e x
--R
--R
                 2 5
                        2 2 4 3 4
--R
     (495b c + 378a b c + 45a b c )d e x
--R
         3 9 2 6 2 3 3 3 3 3 3
--R
--R
     (220b c + 252a b c + 60a b c + a )d e x
--R
--R
        3 10
                 2 7
                        2 4 3 2 3 2
--R
     (66b c + 108a b c + 45a b c + 3a c)d e x
--R
       3 11
                       2 5 3 2
--R
              2 8
--R
     (12b c + 27a b c + 18a b c + 3a c )d e x
--R
--R
      3 12 2 9 2 6 3 3 3
--R
     (bc + 3a bc + 3a bc + ac)e
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 1100
--S 1101 of 1394
```

```
r0:=1/4*a^3*e^3*(c+d*x)^4/d+3/7*a^2*b*e^3*(c+d*x)^7/d+_
    3/10*a*b^2*e^3*(c+d*x)^10/d+1/13*b^3*e^3*(c+d*x)^13/d
--R
--R
--R (2)
        1 3 13 3 13 3 12 3 12 3 2 11 3 11 3 3 3 2 10 3 10
--R
--R
        -- b d e x + b c d e x + 6b c d e x + (22b c + -- a b )d e x
--R
       13
--R
                  2 9 3 9 3 5 27 2 2 8 3 8
--R
--R
       (55b c + 3a b c)d e x + (99b c + -- a b c )d e x
--R
--R
          36 23 3 2 7 3 7 3 7
--R
                                                24 2 636
--R
        (132b\ c\ +\ 36a\ b\ c\ +\ -\ a\ b)d\ e\ x\ +\ (132b\ c\ +\ 63a\ b\ c\ +\ 3a\ b\ c)d\ e\ x
--R
--R
--R
         3 8 378 2 5 2 2 5 3 5
--R
        (99b c + --- a b c + 9a b c)d e x
--R
--R
          3 9 2 6 2 3 1 3 4 3 4
--R
--R
        (55b c + 63a b c + 15a b c + - a)d e x
--R
--R
          3 10 2 7 2 4 3 3 3 3
--R
--R
       (22b c + 36a b c + 15a b c + a c)d e x
--R
--R
         3 11 27 2 8 2 5 3 3 2 2 3 2
--R.
        (6b c + -- a b c + 9a b c + - a c )d e x
--R
--R
        3 12 2 9 2 6 3 3 3
--R
--R
       (bc + 3abc + 3abc + ac)dex
--R
         1 3 13 3 2 10 3 2 7 1 3 4 3
--R
--R
      (-- b c + -- a b c + - a b c + - a c )e
                10
--R
--R /
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1101
--S 1102 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
     1 3 12 3 13 3 11 3 12 3 2 10 3 11 3 3 3 2 9 3 10
--R
--R
     -- b d e x + b c d e x + 6b c d e x + (22b c + -- a b )d e x
```

```
--R
   13
                                                10
--R
     3 4 2 8 3 9 3 5 27 2 2 7 3 8
--R
--R
     (55b c + 3a b c)d e x + (99b c + -- a b c )d e x
--R
--R
       36 23 3 2 6 3 7 3 7 2 4 2 5 3 6
--R
--R
      (132b c + 36a b c + - a b)d e x + (132b c + 63a b c + 3a b c)d e x
--R
--R
--R
       3 8 378 2 5 2 2 4 3 5
--R
      (99b c + --- a b c + 9a b c) d e x
--R
--R
--R
       3 9 2 6 2 3 1 3 3 3 4
--R
     (55b c + 63a b c + 15a b c + - a )d e x
--R
--R +
       3 10 2 7 2 4 3 2 3 3
--R
--R
    (22b c + 36a b c + 15a b c + a c)d e x
--R +
      3 11 27 2 8 2 5 3 3 2 3 2
--R
--R
      (6b c + -- a b c + 9a b c + - a c )d e x
--R
            2
--R
      3 12 2 9 2 6 3 3 3
--R
--R
      (bc + 3abc + 3abc + ac)ex
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1102
--S 1103 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          1 3 13 3 2 10 3 2 7 1 3 4 3
       (---bc ---abc --abc --ac)e
--R
                 10
--R
         13
--R (4) -----
--R
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1103
--S 1104 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1104
```

```
)clear all
--S 1105 of 1394
t0:=(c+d*x)^4/(a+b*(c+d*x)^3)
--R
--R
                  3 3 2 2 2 3 4
--R
           4 4
--R
          dx + 4c dx + 6c dx + 4c dx + c
--R
          3 3 2 2 2 3
--R
--R
         bdx + 3bcdx + 3bcdx + bc + a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1105
--S 1106 of 1394
r0:=1/2*(c+d*x)^2/(b*d)+1/3*a^(2/3)*log(a^(1/3)+_
    b^{(1/3)*(c+d*x))/(b^{(5/3)*d)-1/6*a^{(2/3)*log(a^{(2/3)}-_
    a^{(1/3)*b^{(1/3)}*(c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^2)/(b^{(5/3)}*d)+_
    a^{(2/3)*atan((a^{(1/3)-2*b^{(1/3)*(c+d*x))}/(a^{(1/3)*sqrt(3)))}_{-}}
    (b^{(5/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
--R
          +-+3+-+2 2 2
                                    2 3+-+2
                                                      3+-+3+-+ 3+-+2
--R
        - \ \log((d x + 2c d x + c) + (-d x - c) + (-d x - c) 
--R
--R
--R
          +-+3+-+2
                             3+-+ 3+-+ 3+-+2 (2d x + 2c) | b - | a
--R
        2\1 \log((d x + c)\b + \a ) - 6\a atan(-----)
--R
                                                          +-+3+-+
--R
                                                          \|3 \|a
--R
--R
           2 2
                          2 +-+3+-+2
--R
        (3d x + 6c d x + 3c) | 3 | b
--R /
          +-+3+-+2
--R
--R
       6b d\|3 \|b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1106
--S 1107 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
               +--+
                        +--+2
--R
              | 2
                        | 2
                        Ιa
--R
          +-+ |a
        2|3 |-- log(b |-- + a d x + a c)
--R
--R
              3 | 2 | 3 | 2
```

```
\|b \|b
--R
--R
--R
                             +--+2 +--+
                            --R
           | 2
--R
        +-+ |a
--R
      3| 2
--R
--R
          \|b
--R
                    +--+2
--R
--R
                   1 2
                +-+ |a
--R
               b|3 -- + (-2a d x - 2a c)|3
--R
        1 2
                  3| 2
--R
--R
                  \|b
                                           2 2 +-+
        Ιa
--R
      6 |-- atan(-----+ (3d x + 6c d x)\|3
--R
       3| 2
                          +--+2
--R
       \|b
                          | 2
--R
                          Ιa
                        3ъ |--
--R
--R
                          3| 2
--R
                          \|b
--R /
--R
--R
     6b d\|3
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1107
--S 1108 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
       +-+3+-+2 2 2 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
      |3 | a \log((d x + 2c d x + c))|b + (-d x - c)|a | b + |a )
--R
--R
        +-+3+-+2
                       3+-+ 3+-+
--R
      - 2\|3\|a\|\log((d\ x + c)\|b\ + \|a\|)
--R
--R
           +--+
                      +--+2
           | 2
                      | 2
--R
                     Ιa
--R
        +-+ |a 3+-+2
--R
       2|3 |--|b \log(b |-- + adx + ac)
--R
         3 | 2 | 3 | 2
--R
           \|b
                     \|b
--R
--R
--R
              +--+
             | 2
--R
          +-+ |a 3+-+2
--R
```

```
\|3 |-- \|b
--R
--R
                 3| 2
--R
                 \|b
--R
--R
                              +--+2 +--+
                              1 2
--R
                                     | 2
                                      |a 22 2
--R
                              la
            log((- b d x - b c) |-- + a |-- + a d x + 2a c d x + a c )
--R
--R
                              3 | 2 | 3 | 2
--R
                              \|b
                                     \|b
--R
--R
                           3+-+ 3+-+
         3+-+2 (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
        6\|a atan(-----)
--R
--R
                       +-+3+-+
--R
                       \|3 \|a
--R
--R
                             +--+2
--R
                            1 2
--R
                        +-+ |a
--R
                       b|3 -- + (- 2a d x - 2a c)|3
--R
           | 2
                            3| 2
--R
          la 3+-+2
                           \|b
                                                        2 +-+3+-+2
        6 |-- \|b atan(------ - 3c \|3 \|b
--R
--R
         3| 2
                                     +--+2
                                     1 2
--R
          \|b
--R
                                     Ιa
                                  3b |--
--R
--R
                                    3| 2
--R
                                    \|b
--R /
--R
          +-+3+-+2
--R
      6b d\|3 \|b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1108
--S 1109 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1109
)clear all
--S 1110 of 1394
t0:=(c+d*x)^3/(a+b*(c+d*x)^3)
--R
--R
```

```
3 3 2 2 2 3
--R
--R
               d x + 3c d x + 3c d x + c
--R
     (1) -----
          3 3 2 2 2 3
--R
--R
         bdx + 3bcdx + 3bcdx + bc + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1110
--S 1111 of 1394
r0:=x/b-1/3*a^(1/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/(b^(4/3)*d)+_{\_}
    1/6*a^(1/3)*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*(c+d*x)+_
    b^{(2/3)*(c+d*x)^2}/(b^{(4/3)*d})+a^{(1/3)*}
    \mathtt{atan}((\texttt{a}^(1/3)-2*\texttt{b}^(1/3)*(\texttt{c}+\texttt{d}*\texttt{x}))/(\texttt{a}^(1/3)*\texttt{sqrt}(3)))/(\texttt{b}^(4/3)*\texttt{d}*\texttt{sqrt}(3))
--R
--R
--R
     (2)
--R
         +-+3+-+ 2 2
                                   2 3+-+2
                                                      3+-+3+-+ 3+-+2
--R
        --R
--R
                                                               3+-+ 3+-+
--R
            +-+3+-+
                              3+-+ 3+-+ (2d x + 2c) | b - | a
        - 2\|3 \|a log((d x + c)\|b + \|a ) - 6\|a atan(-----)
--R
--R
                                                           +-+3+-+
--R
                                                           \|3 \|a
--R
             +-+3+-+
--R
--R
        6d x\|3 \|b
--R /
--R
           +-+3+-+
--R
       6b d\|3 \|b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1111
--S 1112 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
           +-+ | a
                       l a
                                          l a
--R
                                                2 2
--R
         - |3 3| - \log(3| - + (d x + c) 3| - + d x + 2c d x + c)
                      \| b
--R
               \| b
                                        \| b
--R
--R
               +---+
                         +---+
                        | a
--R
          +-+ | a
        2|3 3| - \log(-3| - + dx + c)
--R
--R
              \| b
                        \| b
--R
--R
--R
                       +-+ | a
                                            +-+
```

```
+---+ \|3 3|- - + (2d x + 2c)\|3 | a \| b
--R
--R
--R
                         - 6 3|- - atan(-----+ 6d x\|3
                                                                                              +---+
--R
                         \| b
                                                                                               | a
--R
--R
                                                                                           3 3|- -
                                                                                              \| b
--R
--R /
--R +-+
                6b d\|3
--R
--R
                                                                                                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1112
--S 1113 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                              +-+3+-+ 2 2 2 3+-+2
--R
                                                                                                                                                           3+-+3+-+ 3+-+2
--R
                        - \label{eq:condition} - \label{eq:conditio
--R
                           +-+3+-+ 3+-+
--R
--R
                         2\|3 \leq \log((d x + c)\|b + \|a)
--R
                        --R
--R
--R
--R
--R
                          +---+ +---+
+-+ | a 3+-+ | a
--R
--R
                     2|3 3|- |b \log(-3|- + d x + c)
--R
                         --R
--R
--R
                                                                          3+-+ 3+-+
                        3+-+ (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
--R
                         6\|a atan(-----)
                                                                    +-+3+-+
--R
--R
                                                                    \|3 \|a
--R
--R
--R
                                                                        +-+ | a
                              +---+ \|3 3|- - + (2d x + 2c)\|3 | a 3+-+ \| b
--R.
--R
                         - 6 3|- - \|b atan(-----)
--R
                                                                                                     +---+
--R
                              \| b
                                                                                                        | a
--R
--R
                                                                                                     3 3 | - -
--R
                                                                                                       \| b
--R /
```

```
--R
        +-+3+-+
--R
     6b d\|3 \|b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1113
--S 1114 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1114
)clear all
--S 1115 of 1394
t0:=(c+d*x)^2/(a+b*(c+d*x)^3)
--R
--R
                2 2
--R
--R
               dx + 2c dx + c
--R (1) -----
        3 3 2 2 2 3
--R
--R
        bdx + 3bcdx + 3bcdx + bc + a
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1115
--S 1116 of 1394
r0:=1/3*log(a+b*(c+d*x)^3)/(b*d)
--R
--R
             3 3 2 2 2 3
--R
--R
       log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
   (2) -----
--R
--R
                       3b d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1116
--S 1117 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R.
            3 3 2 2 2 3
--R
        log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
   (3) -----
--R
--R
                        3b d
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1117
--S 1118 of 1394
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1118
--S 1119 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1119
)clear all
--S 1120 of 1394
t0:=(c+d*x)/(a+b*(c+d*x)^3)
--R
--R
--R
                        dx + c
--R
    (1) -----
--R
          3 3 2 2 2 3
--R
         bdx + 3bcdx + 3bcdx + bc + a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1120
--S 1121 of 1394
r0:=-1/3*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*b^(2/3)*d)+_
    1/6*\log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)}*b^{(1/3)}*(c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^2)/(a^{(1/3)}*_{-})
    b^{(2/3)*d}-atan((a^{(1/3)}-2*b^{(1/3)}*(c+d*x))/_
    (a^{(1/3)}*sqrt(3)))/(a^{(1/3)}*b^{(2/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
     (2)
--R
--R
                              2 3+-+2
                                                3+-+3+-+ 3+-+2
                2 2
--R
        --R
--R
                                                      3+-+ 3+-+
                          3+-+ 3+-+ (2d x + 2c) | b - | a
--R
        - 2\|3 log((d x + c)\|b + \|a ) + 6atan(-----)
--R
--R.
                                                   +-+3+-+
--R
                                                  \|3 \|a
--R /
--R
         +-+3+-+3+-+2
--R
       6d\|3 \|a \|b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1121
```

```
--S 1122 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
--R
            \|3
--R
--R
                     3| 2 2 2 2 3| 2
--R
          log((d x + c))|-ab + (b d x + 2b c d x + b c)|-ab - ab)
--R
--R
                       +----+2
--R
--R
                       3| 2
--R
        2\|3 \log((d x + c)\| - a b + a b)
--R
--R
                           +----+2
                         +-+3| 2
--R
--R
              (2d x + 2c) |3 |- a b - a b|3
--R
        - 6atan(-----)
--R
                            3a b
--R /
--R
        +-+3| 2
--R
--R
      6d\|3 \|- a b
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 1122
--S 1123 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
--R
             +-+3| 2
--R
            \|3 \|- a b
--R
--R
--R
                             2 3+-+2
                                               3+-+3+-+ 3+-+2
            log((d x + 2c d x + c) | b + (-d x - c) | a | b + | a )
--R
--R
--R
            +----+
         +-+3| 2
--R
                              3+-+ 3+-+
--R
        2|3 = ab \log((dx + c)|b + |a)
--R
--R
--R
             +-+3+-+3+-+2
--R
           \|3 \|a \|b
--R
```

```
--R
                   3 2 2 2
--R
                                               2 31 2
--R
        log((d x + c))|- a b + (b d x + 2b c d x + b c)|- a b - a b)
--R
--R
                           +----+2
        +-+3+-+3+-+2
                           3| 2
--R
--R
       2|3 |a |b log((d x + c)|- a b + a b)
--R
                           3+-+ 3+-+
--R
         3| 2 (2d x + 2c) |b - |a
--R
--R
       - 6\|- a b atan(-----)
                        +-+3+-+
--R
--R
                         \|3 \|a
--R
                               +----+2
--R
                            +-+3| 2 +-+
--R
--R
         3+-+3+-+2 (2d x + 2c)\|3 \|- a b - a b\|3
--R
       - 6\|a \|b atan(-----)
                                3a b
--R
--R /
--R
      +-+3| 2 3+-+3+-+2
--R
     6d\|3 \|- a b \|a \|b
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1123
--S 1124 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1124
)clear all
--S 1125 of 1394
t0:=1/((c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^3))
--R
--R
--R
--R
   (1) -----
--R.
        4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
       bdx + 4bcdx + 6bcdx + (4bc + a)dx + bc + ac
--R
                                 Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1125
--S 1126 of 1394
r0:=log(c+d*x)/(a*d)-1/3*log(a+b*(c+d*x)^3)/(a*d)
--R
```

```
--R
         3 3 2 2 2 3
--R
   -\log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a) + 3\log(d x + c)
--R
--R
   (2) -----
--R
                                3a d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1126
--S 1127 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
               3 3 2 2 2
--R
--R
       -\log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a) + 3\log(d x + c)
--R
--R
                                3a d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1127
--S 1128 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1128
--S 1129 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1129
)clear all
--S 1130 of 1394
t0:=1/((c+d*x)^2*(a+b*(c+d*x)^3))
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4
--R
      b d x + 5b c d x + 10b c d x + (10b c + a)d x + (5b c + 2a c)d x
--R
--R
--R
       5 2
      bc +ac
--R
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
```

```
--E 1130
--S 1131 of 1394
r0:=(-1)/(a*d*(c+d*x))+1/3*b^(1/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_{\_}
     (a^{(4/3)*d})-1/6*b^{(1/3)*log}(a^{(2/3)}-a^{(1/3)*b^{(1/3)*(c+d*x)}+_{=}
    b^{(2/3)*(c+d*x)^2}/(a^{(4/3)*d})+b^{(1/3)*atan((a^{(1/3)}-_
    2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(4/3)*d*sqrt(3))
--R
--R
     (2)
--R
--R
                      +-+3+-+
--R
           (-d x - c) |3 |b
--R
--R
                                2 3+-+2
                                                     3+-+3+-+ 3+-+2
--R
           log((d x + 2c d x + c))|b + (-d x - c)|a|b + |a|
--R
--R
                     +-+3+-+
                                        3+-+ 3+-+
--R
         (2d x + 2c) |3 |b log((d x + c)|b + |a)
--R
--R
                                         3+-+ 3+-+
--R
                               (2d x + 2c) | b - | a
--R
         (- 6d x - 6c) | b atan(-----) - 6 | 3 | a
--R
                                      +-+3+-+
--R
                                     \|3 \|a
--R /
                         +-+3+-+
--R
--R
       (6a d x + 6a c d) |3 |a
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1131
--S 1132 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
      (3)
--R
                          +-+
                                   +-+2
--R
                     +-+ |b
                                   |b
--R
         (2d x + 2c) | 3 - \log(a 3 - b d x + b c)
--R
                         \|a
                                  \|a
--R
--R
--R
                       +-+ lb
--R.
           (-d x - c) | 3 | -
--R
                           \|a
--R
                               +-+2
--R
                                        +-+
--R
                               |b
                                        |b
                                                2 2
--R
           log((-adx-ac)3|-+a3|-+bdx+2bcdx+bc)
--R
                               \|a
                                       \|a
--R
```

```
--R
                            +-+2
--R
                        +-+ |b
--R
                       a|3 3|- + (- 2b d x - 2b c)|3
--R
                lъ
                      \|a
--R
       --R
                                  +-+2
             \|a
--R
                                   lъ
--R
                                 3a 3|-
--R
                                   \|a
--R /
--R
      2 +-+
--R
      (6a d x + 6a c d) | 3
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1132
--S 1133 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
        +-+3+-+ 2 2 2 3+-+2
--R
                                            3+-+3+-+ 3+-+2
       \label{log} $$    \log((d x + 2c d x + c )\b + (- d x - c)\a \b + \a )
--R
--R
--R
         +-+3+-+ 3+-+
--R
       - 2\|3\\|b\|\log((d x + c)\|b\| + \|a\|)
--R
--R
              +-+
                     +-+2
       +-+3+-+ |b |b
--R
       2|3 |a 3| - \log(a 3| - b d x + b c)
--R
--R
        \|a \|a
--R
--R
--R
           +-+3+-+ |b
--R
          \|3 \|a 3|-
              \|a
--R
--R
                          +-+2 +-+
|b |b 2 2
--R
--R
          log((- a d x - a c) 3|- + a 3|- + b d x + 2b c d x + b c)
--R
                          \|a \|a
--R
--R
--R.
                       3+-+ 3+-+
--R
        3+-+ (2d x + 2c)\|b - \|a
       6\|b atan(-----)
--R
                    +-+3+-+
--R
--R
                    \|3 \|a
--R
--R
                      +-+2
                    +-+ |b
--R
                                          +-+
```

```
a|3 3|- + (-2b d x - 2b c)|3
--R
--R
        3+-+ |b
                          \|a
--R
         6\|a 3|- atan(-----
--R
            \|a
                                     +-+2
--R
                                     |b
--R
                                  3a 3|-
--R
                                     \|a
--R /
           +-+3+-+
--R
--R
       6a d\|3 \|a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1133
--S 1134 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1134
)clear all
--S 1135 of 1394
t0:=1/((c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3))
--R
--R
--R
    (1)
--R 1
--R /
          6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4
--R
--R
       b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + a)d x + (15b c + 3a c)d x
--R
           5 2 6 3
--R
--R
        (6bc + 3ac)dx + bc + ac
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1135
--S 1136 of 1394
r0:=(-1/2)/(a*d*(c+d*x)^2)-1/3*b^(2/3)*log(a^(1/3)+_
    b^{(1/3)*(c+d*x))/(a^{(5/3)*d})+1/6*b^{(2/3)*log(a^{(2/3)}-_
    a^{(1/3)*b^{(1/3)}*(c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^2)/(a^{(5/3)}*d)+_
    b^{(2/3)*atan((a^{(1/3)-2*b^{(1/3)*(c+d*x))}/(a^{(1/3)*sqrt(3)))}_{-}
    (a^{(5/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R (2)
            2 2 2 2 +-+3+-+2
--R
--R
          (d x + 2c d x + c) | 3 | b
--R
```

```
2 2 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
      log((d x + 2c d x + c) | b + (- d x - c) | a | b + | a )
--R
--R
--R
                    2 +-+3+-+2
                                      3+-+ 3+-+
--R
      (-2d x - 4c d x - 2c) | 3 | b log((d x + c) | b + | a)
--R
--R
                                      3+-+ 3+-+
                     2 3+-+2 (2d x + 2c)\|b - \|a +-+3+-+2
--R
     --R
--R
                                    +-+3+-+
--R
                                   \|3 \|a
--R /
      3 2 2 2 +-+3+-+2
--R
--R
    (6a d x + 12a c d x + 6a c d) | 3 | a
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1136
--S 1137 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R
        2 2 2 +-+ | b
--R
        --R
                          3| 2
--R
                          \| a
--R
--R
--R
             +---+2
                                +---+
--R
            1 2
                                1 2
                               .
| ъ 222 2 22
--R
           2 | b
--R
        log(a \mid --- + (a b d x + a b c) \mid --- + b d x + 2b c d x + b c)
--R
            3 | 2
                               3| 2
--R
            \| a
                                \| a
--R
--R
--R
                         1 2
                               | 2
| b
                    2 +-+ | b
--R
      --R
--R
                         \| a
--R
                                  \| a
--R
--R
                                     1 2
--R
--R
                                 +-+ | b
--R
                                a | 3 | --- + (2b d x + 2b c) | 3
                      | 2 3| 2
2 | b \| a
                         1 2
                                    3| 2
--R
--R
       (- 6d x - 12c d x - 6c ) |- -- atan(-----)
--R
```

```
3| 2
--R
--R
                           \| a
                                                  1 2
--R
                                                 lъ
--R
                                               3a |- --
--R
                                                3| 2
--R
                                                 \| a
--R
--R
--R
       - 3\|3
--R /
--R
        3 2 2 2 +-+
--R
      (6a d x + 12a c d x + 6a c d) \ | 3
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1137
--S 1138 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
         +-+3+-+2 2 2 2 3+-+2
--R
--R
       - \|3 \|b log((d x + 2c d x + c )\|b + (- d x - c)\|a \|b + \|a )
--R
        +-+3+-+2 3+-+ 3+-+
--R
--R
       2|3 \leq \log((d x + c)|b + |a|)
--R
--R
--R
--R
               1 2
--R
           +-+ | b 3+-+2
--R
           \|3 |- -- \|a
--R
               3| 2
--R
               \| a
--R
--R
               +---+2
               1 2
                                    | 2
--R
             2 | ъ
                                    | b 2 2 2 2 2 2 2 2
--R
         log(a |--- + (a b d x + a b c) |--- + b d x + 2b c d x + b c )
--R
               3| 2
                                   3| 2
--R
               \| a
                                     \| a
--R
--R
--R
         --R
--R
--R
       2|3 |--|a| \log(-a |---+b| d x + b| c)
           3| 2
                         3| 2
--R
--R
            \| a
                          \| a
--R
--R
                       3+-+ 3+-+
      3+-+2 (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
```

```
6\|b atan(-----)
--R
--R
                      +-+3+-+
--R
                      \|3 \|a
--R
--R
                              1 2
--R
--R
                          +-+ | b
--R
                         a\|3 --- + (2b d x + 2b c)\|3
                          3| 2
\| a
--R
           1 2
           l b 3+-+2
--R
--R
        - 6 |- -- \|a atan(-----)
         3| 2
--R
          \| a
--R
                                   | b
3a |- --
--R
--R
--R
                                     3| 2
--R
                                     \| a
--R /
--R
         +-+3+-+2
--R
      6a d\|3 \|a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1138
--S 1139 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1139
)clear all
--S 1140 of 1394
t0:=1/((c+d*x)^4*(a+b*(c+d*x)^3))
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
         7 7 6 6 2 5 5 3 4 4 4 3 3
--R
--R
      b d x + 7b c d x + 21b c d x + (35b c + a)d x + (35b c + 4a c)d x
--R
                                  3
           5 2 2 2 6
--R
       (21b c + 6a c )d x + (7b c + 4a c )d x + b c + a c
--R
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1140
--S 1141 of 1394
r0:=(-1/3)/(a*d*(c+d*x)^3)-b*log(c+d*x)/(a^2*d)+_
```

```
1/3*b*log(a+b*(c+d*x)^3)/(a^2*d)
--R
--R
--R
     (2)
            3 3 2 2 2
--R
--R
          (b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c)
--R
--R
              3 3
                        2 2
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
                              2
                      2 2
--R
             3 3
       (-3b d x - 9b c d x - 9b c d x - 3b c) log(d x + c) - a
--R
--R /
       2 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
                                  2 3
      3a d x + 9a c d x + 9a c d x + 3a c d
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1141
--S 1142 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
            3 3 2 2 2 3
          (b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c)
--R
--R
--R
                    2 2
--R
          log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
             3 3 2 2 2 3
        (-3b d x - 9b c d x - 9b c d x - 3b c )log(d x + c) - a
--R
--R /
--R
       2 4 3 2 3 2 2 2 2
                                  2 3
--R
      3adx + 9acdx + 9acdx + 3acd
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1142
--S 1143 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
   (4) 0
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1143
--S 1144 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1144
)clear all
--S 1145 of 1394
t0:=(c+d*x)^4/(a+b*(c+d*x)^3)^2
--R
--R
--R
     (1)
--R
                       2 2 2 3
       4 4
               3 3
--R
       d x + 4c d x + 6c d x + 4c d x + c
--R /
--R
         2 6 6
                 2 5 5
                              2 2 4 4
                                           2 3
--R
        b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b)d x
--R
--R
            2 4
                        2 2
                                2 5
                                            2
                                                    2 6
--R
         (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c)d x + b c + 2a b c + a
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1145
--S 1146 of 1394
r0:=-1/3*(c+d*x)^2/(b*d*(a+b*(c+d*x)^3))-_
    2/9*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*b^(5/3)*d)+_
    1/9*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*(c+d*x)+_
    b^{(2/3)*(c+d*x)^2}/(a^{(1/3)*b^{(5/3)*d}-2/3*atan((a^{(1/3)-})
    2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(1/3)*b^(5/3)*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
              3 3 2 2 2
--R
--R
           (b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a) \setminus |3
--R
--R
                              2 3+-+2
                                                  3+-+3+-+ 3+-+2
--R
           \log((d x + 2c d x + c) \mid b + (-d x - c) \mid a \mid b + \mid a)
--R
--R
                 3 3
                           2 2
                                    2
                                               3
           (-2b d x - 6b c d x - 6b c d x - 2b c - 2a) | 3
--R
--R
--R
                       3+-+ 3+-+
--R
           log((d x + c) \mid b + \mid a)
--R
--R.
                          2 2
                                    2
               3 3
--R
           (6b d x + 18b c d x + 18b c d x + 6b c + 6a)
--R
--R
                          3+-+ 3+-+
--R
               (2d x + 2c) \mid b - \mid a
           atan(-----)
--R
--R
                       +-+3+-+
--R
                      \|3 \|a
```

```
--R
        2 2
               2 +-+3+-+3+-+2
--R
--R
      (-3d x - 6c d x - 3c) | 3 | a | b
--R /
      2 4 3 2 3 2 2 2 2 3 +-+3+-+2
--R
--R
      (9b d x + 27b c d x + 27b c d x + (9b c + 9a b)d)\|3 \|a \|b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1146
--S 1147 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
           3 3 2 2 2
--R
                                 3
         (-bdx - 3bcdx - 3bcdx - bc - a)\|3
--R
--R.
--R
                  +----+2
                  3| 2 2 2
                                             2 3 | 2
--R
        log((d x + c))|- a b + (b d x + 2b c d x + b c)|- a b - a b)
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 +-+
--R
         (2b d x + 6b c d x + 6b c d x + 2b c + 2a) \ | 3
--R
--R
--R
                   +----+2
                  3| 2
--R
--R
         log((d x + c) | - a b + a b)
--R
                  2 2 2
--R
             3 3
--R
        (-6bdx -18bcdx -18bcdx -6bc -6a)
--R
--R
                       +----+2
                     +----+2
+-+3| 2 +-+
--R
--R
            (2d x + 2c) |3 |- a b - a b|3
--R
        atan(-----)
--R
                        3a b
--R
--R
          2 2
                      2 +-+3| 2
--R
--R
       (-3d x - 6c d x - 3c) | 3 | - a b
--R /
--R
--R
       2 4 3 2 3 2 2 2 2 3 +-+3| 2
      (9b d x + 27b c d x + 27b c d x + (9b c + 9a b)d)\|3 \|-a b
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1147
--S 1148 of 1394
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
    (4)
--R
--R
           +-+3| 2
--R
--R
           \|3 \|- a b
--R
--R
                            2 3+-+2
                                             3+-+3+-+ 3+-+2
           log((d x + 2c d x + c) | b + (-d x - c) | a | b + | a )
--R
--R
--R
           +----+
         +-+3| 2
                            3+-+ 3+-+
--R
       2|3 = ab \log((dx + c)|b + |a)
--R
--R
--R
--R
           +-+3+-+3+-+2
--R
          \|3 \|a \|b
--R
--R
                    +----+2
                    3| 2 2 2 2 3| 2
--R
--R
         log((d x + c)|- a b + (b d x + 2b c d x + b c)|- a b - a b)
--R
--R
        +-+3+-+3+-+2 3| 2
--R
--R
       2|3 |a |b log((d x + c)|- a b + a b)
--R
--R
                             3+-+ 3+-+
          3| 2 (2d x + 2c) |b - |a
--R
--R
       - 6\|- a b atan(-----)
--R
                           +-+3+-+
--R
                          \|3 \|a
--R
--R
                                  +----+2
                              +-+3| 2 +-+
--R
--R
         3+-+3+-+2 (2d x + 2c)\|3 \|- a b - a b\|3
       - 6\|a \|b atan(-----)
--R
--R
                                 3a b
--R /
--R
         +-+3| 2 3+-+3+-+2
--R
--R
      9b d\|3 \|- a b \|a \|b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1148
--S 1149 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1149
)clear all
--S 1150 of 1394
t0:=(c+d*x)^3/(a+b*(c+d*x)^3)^2
--R
--R
     (1)
--R
--R
       3 3
               2 2
                      2
--R
       dx + 3c dx + 3c dx + c
--R /
         266 2 55
                            2 2 4 4
                                         2 3
--R
        b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b)d x
--R
--R
--R
            2 4
                       2 2
                                2 5
                                          2
                                                  2 6
--R
         (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c)d x + b c + 2a b c + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1150
--S 1151 of 1394
r0:=1/3*(-c-d*x)/(b*d*(a+b*(c+d*x)^3))+1/9*log(a^(1/3)+_
    b^{(1/3)*(c+d*x))/(a^{(2/3)*b^{(4/3)*d}-1/18*log(a^{(2/3)}-_
    a^{(1/3)*b^{(1/3)}*(c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^2)/(a^{(2/3)*b^{(4/3)}*d}-
    1/3*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*_
    sqrt(3)))/(a^(2/3)*b^(4/3)*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
--R
               3 3 2 2
                                 2
                                        3
--R
          (-bdx - 3bcdx - 3bcdx - bc - a)\|3
--R
--R
                2 2
                              2 3+-+2
                                                 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
          log((dx + 2c dx + c))|b + (-dx - c)|a|b + |a|
--R
--R
               3 3
                        2 2 2
                                            3
--R
          (2b d x + 6b c d x + 6b c d x + 2b c + 2a) | 3
--R
                      3+-+ 3+-+
--R
--R
          log((d x + c)|b + |a|)
--R
                         2 2
--R
               3 3
                                   2
--R.
          (6b d x + 18b c d x + 18b c d x + 6b c + 6a)
--R
--R
                        3+-+ 3+-+
--R
               (2d x + 2c) | b - | a
--R
          atan(-----)
--R
                     +-+3+-+
--R
                     \|3 \|a
--R
```

```
--R
                  +-+3+-+2 3+-+
--R (-6d x - 6c)\|3\|a\|b
--R /
                2 3 2 2 2 2 3 +-+3+-+2 3+-+
--R
         2 4 3
--R
      (18b d x + 54b c d x + 54b c d x + (18b c + 18a b)d)\|3 \|a \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1151
--S 1152 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
             3 3 2 2 2
--R
--R
         (-bdx - 3bcdx - 3bcdx - bc - a)\|3
--R
--R
                                                 +---+
                             +---+2
--R
              2 2
                           2 3 2
                                                 3 | 2
--R
         log((dx + 2c dx + c)|ab + (-adx - ac)|ab + a)
--R
--R
                                                          +---+
--R
          3 3 2 2 2 3 +-+
                                                          3| 2
--R
        (2b d x + 6b c d x + 6b c d x + 2b c + 2a) | 3 log((d x + c) | a b + a)
--R
--R
                 2 2
            3 3
--R
         (6b d x + 18b c d x + 18b c d x + 6b c + 6a)
--R
--R
                         +---+
                       +-+3| 2 +-+
--R
--R
             (2d x + 2c) |3 |a b - a|3
--R
         atan(-----)
--R
                        3a
--R
--R
                      +---+
--R
                   +-+3| 2
--R
       (-6d x - 6c)\|3\|a b
--R /
--R
        2 4 3 2 3 2 2 2 2 3
--R
                                                   +-+3| 2
--R
      (18b d x + 54b c d x + 54b c d x + (18b c + 18a b)d)\|3 \|a b
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1152
--S 1153 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
           +-+3+-+2 3+-+
```

```
\|3 \|a \|b
--R
--R
                             +---+2
                                       +---+
3| 2 2
--R
              2 2
                            2 3 2
--R
--R
          log((d x + 2c d x + c) | a b + (-a d x - a c) | a b + a)
--R
--R
                             +---+
        +-+3+-+2 3+-+
--R
                            3| 2
--R
       2|3 |a |b \log((d x + c)|a b + a)
--R
--R
          +---+
       +-+3| 2 2 2
--R
                              2 3+-+2
                                               3+-+3+-+ 3+-+2
--R
       --R
--R
--R
         +-+3| 2
                           3+-+ 3+-+
--R
       - 2\|3\\|a\\|b\| log((d x + c)\|b + \|a )
--R
--R
--R
                            +-+3| 2
       3+-+2 3+-+ (2d x + 2c)\|3 \leq b - a\|3
--R
--R
       6\|a \|b atan(-----)
                           3a
--R
--R
--R
                   3+-+ 3+-+
         3 \mid 2 (2d x + 2c) \mid b - \mid a
--R
       - 6\|a b atan(-----)
--R
--R
                       +-+3+-+
--R
                       \|3 \|a
--R /
--R
     +-+3+-+2 3+-+3| 2
--R
--R
    18b d\|3 \|a \|b \|a b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1153
--S 1154 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1154
)clear all
--S 1155 of 1394
t0:=(c+d*x)^2/(a+b*(c+d*x)^3)^2
--R
--R
```

```
--R
   (1)
--R
   2 2
--R
     d x + 2c d x + c
--R /
       266 2 55 2244 23 33
--R
--R
      b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b) d x
--R
         2 4 2 2
                           2 5
--R
                                    2
       (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c)d x + b c + 2a b c + a
--R
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1155
--S 1156 of 1394
r0:=(-1/3)/(b*d*(a+b*(c+d*x)^3))
--R
--R
--R
                           1
--R
--R
--R (2) - -----
         243 2 32 222 23
--R
         bdx + 3bcdx + 3bcdx + (bc + ab)d
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1156
--S 1157 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                            1
--R (3) - -----
         2 4 3 2 3 2 2 2 2 3
--R
--R
        3b d x + 9b c d x + 9b c d x + (3b c + 3a b)d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1157
--S 1158 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1158
--S 1159 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1159
)clear all
--S 1160 of 1394
t0:=(c+d*x)/(a+b*(c+d*x)^3)^2
--R
--R
    (1)
--R
--R
       dx + c
--R /
                  2 5 5 2 2 4 4
--R
          2 6 6
                                            2 3
        b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b)d x
--R
--R
--R
                         2 2
                                 2 5
                                            2 2 6
             2 4
--R
         (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c)d x + b c + 2a b c + a
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1160
--S 1161 of 1394
r0:=1/3*(c+d*x)^2/(a*d*(a+b*(c+d*x)^3))-1/9*log(a^(1/3)+_
    b^{(1/3)*(c+d*x)}/(a^{(4/3)*b^{(2/3)*d})+1/18*log(a^{(2/3)}-_
    a^{(1/3)*b^{(1/3)*(c+d*x)+b^{(2/3)*(c+d*x)^2)/(a^{(4/3)*b^{(2/3)*d})}}
    1/3*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^{(4/3)}*b^{(2/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
--R
               3 3 2 2 2
                                        3 +-+
--R
           (b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a) \setminus |3
--R
--R
                 2 2
                               2 3+-+2
                                                    3+-+3+-+ 3+-+2
--R
           log((d x + 2c d x + c) \mid b + (-d x - c) \mid a \mid b + \mid a)
--R
--R
                            2 2
                                     2
                                                3
           (-2b d x - 6b c d x - 6b c d x - 2b c - 2a) | 3
--R
--R
                       3+-+ 3+-+
--R
--R
           log((d x + c) \mid b + \mid a)
--R
--R
                          2 2
           (6b d x + 18b c d x + 18b c d x + 6b c + 6a)
--R
--R.
--R
                          3+-+ 3+-+
--R
                (2d x + 2c) \mid b - \mid a
--R
           atan(-----)
--R
                       +-+3+-+
--R
                      \|3 \|a
--R
--R
            2 2
                             2 +-+3+-+3+-+2
```

```
--R (6d x + 12c d x + 6c) | 3 | a | b
--R /
      4 3 3 2 2 2 3 2 +-+3+-+3+-+2
--R
--R
      (18a b d x + 54a b c d x + 54a b c d x + (18a b c + 18a )d)\|3 \|a \|b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1161
--S 1162 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
            3 3 2 2 2
--R
         (-bdx - 3bcdx - 3bcdx - bc - a)\|3
--R
--R
--R
                   +----+2
                   3| 2 2 2 2 3| 2
--R.
--R
         log((d x + c))|- a b + (b d x + 2b c d x + b c)|- a b - a b)
--R
            3 3 2 2 2 3 +-+
--R
--R
         (2b d x + 6b c d x + 6b c d x + 2b c + 2a) \ | 3
--R
--R
                   3| 2
--R
--R
         log((d x + c) | - a b + a b)
--R
                   2 2
--R
--R
         (-6b d x - 18b c d x - 18b c d x - 6b c - 6a)
--R
--R
                      +----+2
+-+3| 2 +-+
                        +----+2
--R
--R
            (2d x + 2c) |3 |- a b - a b |3
--R
         atan(-----)
--R
                         3a b
--R
--R
                      2 +-+3| 2
--R
       (6d x + 12c d x + 6c) | 3 | - a b
--R
--R /
--R
                  3 2 2 2
                                       3 2 +-+3| 2
--R
           4 3
      (18a b d x + 54a b c d x + 54a b c d x + (18a b c + 18a )d)\|3 \|- a b
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1162
--S 1163 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
```

```
--R
--R
              +----+
--R
            +-+3| 2
--R
           \|3 \|- a b
--R
                2 2
                           2 3+-+2
                                              3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
           log((d x + 2c d x + c))|b + (-d x - c)|a |b + |a )
--R
           +----+
--R
         +-+3| 2
                            3+-+ 3+-+
--R
--R
       2|3 = ab \log((dx + c)|b + |a)
--R
--R
--R
           +-+3+-+3+-+2
--R
          \|3 \|a \|b
--R
--R
                    +----+2
                    3| 2 2 2
                                                2 3 | 2
--R
--R
         log((d x + c) | -a b + (b d x + 2b c d x + b c) | -a b -a b)
--R
--R
                             +----+2
        +-+3+-+3+-+2
--R
                           3| 2
--R
       2|3 |a |b log((d x + c)|- a b + a b)
--R
--R
                            3+-+ 3+-+
         3| 2 (2d x + 2c) |b - |a
--R
       - 6\|- a b atan(-----)
--R
--R
                           +-+3+-+
--R
                          \|3 \|a
--R
--R
                                 +----+2
                              +-+3| 2 +-+
--R
--R
          3+-+3+-+2 (2d x + 2c)\|3 \|- a b - a b\|3
--R
       - 6\|a \|b atan(-----)
--R
                                 3a b
--R /
--R
            +----+
         +-+3| 2 3+-+3+-+2
--R
      18a d\|3 \|- a b \|a \|b
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1163
--S 1164 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1164
```

```
)clear all
--S 1165 of 1394
t0:=1/(a+b*(c+d*x)^3)^2
--R
--R
    (1)
--R
--R
--R /
--R
          266 2 55
                              2 2 4 4
                                           2 3
         b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b)d x
--R
--R
                        2 2
                                2 5
                                            2
                                                    2 6
--R
--R
         (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c)d x + b c + 2a b c + a
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1165
--S 1166 of 1394
r0:=1/3*(c+d*x)/(a*d*(a+b*(c+d*x)^3))+2/9*log(a^(1/3)+_
    b^{(1/3)*(c+d*x))/(a^{(5/3)*b^{(1/3)*d})-1/9*log(a^{(2/3)}-_
    a^{(1/3)*b^{(1/3)*(c+d*x)+b^{(2/3)*(c+d*x)^2)}/(a^{(5/3)*b^{(1/3)*d})}
    2/3*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^{(5/3)}*b^{(1/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                3 3 2 2
                                   2
--R
           (-bdx - 3bcdx - 3bcdx - bc - a) | 3
--R
--R
                2 2
                              2 3+-+2
                                                   3+-+3+-+ 3+-+2
           log((d x + 2c d x + c))|b + (-d x - c)|a|b + |a|
--R
--R
--R
                         2 2
                                  2
--R
           (2b d x + 6b c d x + 6b c d x + 2b c + 2a) \setminus |3|
--R
--R
                       3+-+ 3+-+
--R
           log((d x + c)|b + |a|)
--R
--R
               3 3
                          2 2
                                     2
--R
           (6b d x + 18b c d x + 18b c d x + 6b c + 6a)
--R
--R
                         3+-+ 3+-+
--R.
               (2d x + 2c) | b - | a
--R
           atan(-----)
--R
                       +-+3+-+
--R
                      \|3 \|a
--R
--R
                    +-+3+-+2 3+-+
--R
         (3d x + 3c) | 3 | a | b
--R /
```

```
4 3 3 2 2 2 3 2 +-+3+-+2 3+-+
--R
    (9a b d x + 27a b c d x + 27a b c d x + (9a b c + 9a )d)\|3 \|a \|b
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1166
--S 1167 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
            3 3 2 2 2
                                  3
         (-bdx - 3bcdx - 3bcdx - bc - a)\|3
--R
--R
--R
                            +---+2
--R
                          2 3 2
                                               3 2
             2 2
--R
         log((dx + 2c dx + c)|ab + (-adx - ac)|ab + a)
--R
--R
                                                        +---+
          3 3 2 2 2 3 +-+
--R
                                                       3| 2
       (2b d x + 6b c d x + 6b c d x + 2b c + 2a) | 3 log((d x + c) | a b + a)
--R
--R
--R
           3 3 2 2 2 3
--R
         (6b d x + 18b c d x + 18b c d x + 6b c + 6a)
--R
--R
                        +---+
                      +-+3| 2 +-+
--R
--R
             (2d x + 2c) |3 |a b - a|3
--R
         atan(-----)
--R
                       3a
--R
--R
                   +---+
--R
                +-+3| 2
--R
      (3d x + 3c) | 3 | a b
--R /
--R
          4 3 3 2 2 2 3 2 +-+3| 2
--R
--R
      (9a b d x + 27a b c d x + 27a b c d x + (9a b c + 9a )d)\|3 \|a b
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1167
--S 1168 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
           +-+3+-+2 3+-+
--R
          \|3 \|a \|b
--R
--R
                                                 +---+
                               +---+2
```

```
2 2 2 3 2 3 2 3 2 2 log((d x + 2c d x + c )\|a b + (- a d x - a c)\|a b + a )
--R
--R
--R
                              +---+
--R
        +-+3+-+2 3+-+ 3| 2
--R
--R
        2|3 |a |b log((d x + c)|a b + a)
--R
--R
           +---+
        +-+3| 2 2 2 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
       --R
--R
--R
          +-+3| 2
                            3+-+ 3+-+
--R
--R
        - 2\|3\|a\ b\ \log((d\ x + c)\|b\ + \|a\)
--R
--R
                                  +---+
                              +-+3| 2
--R
        3+-+2 \ 3+-+ \ (2d \ x + 2c) \ | 3 \ | a \ b - a \ | 3
--R
       6\|a \|b atan(-----)
--R
                            3a
--R
--R
--R
          +---+
                          3+-+ 3+-+
--R
         3| 2 \qquad (2d x + 2c) | b - | a
       - 6\|a b atan(-----)
--R
                        +-+3+-+
--R
--R
                         \|3 \|a
--R /
--R
                     +---+
--R
         +-+3+-+2 3+-+3| 2
--R
     9a d\|3 \|a \|b \|a b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1168
--S 1169 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1169
)clear all
--S 1170 of 1394
t0:=1/((c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^3)^2)
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
```

```
277 2 66 2255 23 44
--R
--R
       b d x + 7b c d x + 21b c d x + (35b c + 2a b) d x
--R
--R
          2 4
                    3 3
                            2 5
--R
       (35b c + 8a b c)d x + (21b c + 12a b c)d x
--R
         26 3 2 27
--R
--R
       (7bc + 8abc + a)dx + bc + 2abc + ac
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--R
--Е 1170
--S 1171 of 1394
r0:=1/3/(a*d*(a+b*(c+d*x)^3))+log(c+d*x)/(a^2*d)-1/3*log(a+b*(c+d*x)^3)/(a^2*d)
--R
--R
    (2)
--R
            3 3 2 2
                              2
--R
         (-bdx - 3bcdx - 3bcdx - bc - a)
--R
             3 3 2 2
--R
                              2
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
          3 3 2 2
                           2
--R
       (3b d x + 9b c d x + 9b c d x + 3b c + 3a)log(d x + c) + a
--R /
       2 4 3 2 3 2 2 2 2 3
--R
--R
      3a b d x + 9a b c d x + 9a b c d x + (3a b c + 3a) d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1171
--S 1172 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
             3 3 2 2
--R
                              2
--R
        (-bdx - 3bcdx - 3bcdx - bc - a)
--R
                    2 2
--R
              3 3
                               2
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
                    2 2
                            2
--R
           3 3
                                     3
--R
       (3b d x + 9b c d x + 9b c d x + 3b c + 3a)log(d x + c) + a
--R /
--R
       2 4 3 2 3 2 2 2 2 3
--R
      3a b d x + 9a b c d x + 9a b c d x + (3a b c + 3a) d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1172
--S 1173 of 1394
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1173
--S 1174 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1174
)clear all
--S 1175 of 1394
t0:=1/((c+d*x)^2*(a+b*(c+d*x)^3)^2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
      1
--R /
         288 2 77 2266 23 55
--R
--R
        b d x + 8b c d x + 28b c d x + (56b c + 2a b) d x
--R
--R
                4 4 2 5 2 3 3
            2 4
--R
        (70b c + 10a b c)d x + (56b c + 20a b c)d x
--R
--R
                      3 2 2 2
                                     2 7
--R
        (28b c + 20a b c + a)d x + (8b c + 10a b c + 2a c)d x + b c
--R
--R
            5 22
--R
        2a b c + a c
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1175
--S 1176 of 1394
r0:=(-4/3)/(a^2*d*(c+d*x))+1/3/(a*d*(c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^3))+_
    4/9*b^(1/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(7/3)*d)-_
    2/9*b^(1/3)*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*(c+d*x)+_
    b^{(2/3)*(c+d*x)^2}/(a^{(7/3)*d})+4/3*b^{(1/3)*atan((a^{(1/3)}-_
    2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(7/3)*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                     3 3 2 2 2 3
                4 4
--R
          (-2b d x - 8b c d x - 12b c d x + (-8b c - 2a)d x - 2b c - 2a c)
--R
```

```
+-+3+-+ 2 2 2 3+-+2
                                    3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
        --R
--R
                 3 3
                          2 2 2
--R
        (4b d x + 16b c d x + 24b c d x + (16b c + 4a)d x + 4b c + 4a c)
--R
         +-+3+-+ 3+-+ 3+-+
--R
--R
        --R
             4 4 3 3 2 2 2
--R
--R
         - 12b d x - 48b c d x - 72b c d x + (- 48b c - 12a)d x - 12b c
--R
         - 12a c
--R
--R
                      3+-+ 3+-+
--R
        3+-+ (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
        \|b atan(-----)
--R
--R
                   +-+3+-+
--R
                   \|3 \|a
--R
           3 3 2 2 2 3
--R
       (-12b d x - 36b c d x - 36b c d x - 12b c - 9a) | 3 | a
--R
--R /
--R
         2 5 4 2 4 3 2 2 3 2 2 3 3 2
--R
        9a b d x + 36a b c d x + 54a b c d x + (36a b c + 9a )d x
--R
--R
         2 4
--R
       (9abc + 9ac)d
--R
--R
       +-+3+-+
--R
      \|3 \|a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1176
--S 1177 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          4 4 3 3 2 2 2
--R
        (4b d x + 16b c d x + 24b c d x + (16b c + 4a)d x + 4b c + 4a c)
--R
--R
--R
           +-+
                  +-+2
        +-+ |b
--R
                  |b
--R
        |3 3| - \log(a 3| - + b d x + b c)
--R
          \|a \|a
--R
--R
           4 4 3 3 2 2 2 3
       (- 2b d x - 8b c d x - 12b c d x + (- 8b c - 2a)d x - 2b c - 2a c)
--R
--R
```

```
+-+2 +-+
|b |b 2 2
--R
            +-+
--R
        +-+ |b
--R
        \| 3| - \log((-adx - ac) 3| - + a 3| - + b dx + 2b c dx + b c) 
--R
          \|a
                    --R
              4 4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
          12b d x + 48b c d x + 72b c d x + (48b c + 12a) d x + 12b c
--R
--R
           12a c
--R
--R
                   +-+2
               +-+ |b
--R
             a|3 3|- + (-2b d x - 2b c)|3
--R
               \|a
--R
--R
        3|- atan(-----)
--R
                          +-+2
        \|a
--R
                          lъ
--R
                        3a 3|-
--R
                         \|a
--R
           3 3 2 2 2 3
--R
       (-12b d x - 36b c d x - 36b c d x - 12b c - 9a) | 3
--R
--R /
--R
         2 5 4 2 4 3 2 2 3 2 2 3 3 2
--R
        9a b d x + 36a b c d x + 54a b c d x + (36a b c + 9a )d x
--R
--R
         2 4 3
--R
       (9abc + 9ac)d
--R
--R
       +-+
--R
       \|3
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1177
--S 1178 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
        +-+3+-+ 2 2
--R
                            2 3+-+2
                                           3+-+3+-+ 3+-+2
--R
       --R
         +-+3+-+
--R.
                       3+-+ 3+-+
      - 4\|3\\|b\|\log((d x + c)\|b\| + \|a\|)
--R
--R
--R
              +-+
                    +-+2
       +-+3+-+ |b |b
--R
--R
       4\|3\|a\|3| - \log(a\|3| - b\|d\|x + b\|c)
--R
             \|a \|a
--R
```

```
--R
--R
           +-+3+-+ |b
--R
--R
           2\|3 \|a 3|-
--R
              \|a
--R
                           +-+2 +-+
--R
                           +-+2 +-+
|b |b 2 2
--R
          log((- a d x - a c) 3|- + a 3|- + b d x + 2b c d x + b c)
--R
                           \|a \|a
--R
--R
                        3+-+ 3+-+
--R
         3+-+ (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
--R
        12\|b atan(-----)
--R
                      +-+3+-+
--R
                      \|3 \|a
--R
--R
                         +-+2
                     +-+ |b
--R
                    a|3 3|- + (- 2b d x - 2b c)|3
--R
--R
        3+-+ |b
                     \|a
--R
       12\\a 3\- atan(-----)
--R
             \|a
                                +-+2
                                 lъ
--R
--R
                               3a 3|-
--R
                                 \|a
--R /
--R
      2 +-+3+-+
--R
      9a d\|3 \|a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1178
--S 1179 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1179
)clear all
--S 1180 of 1394
t0:=1/((c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3)^2)
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
--R 299 288 2277 23 66
```

```
--R
       b d x + 9b c d x + 36b c d x + (84b c + 2a b) d x
--R
--R
               5 5 2 5 2 4 4
           2 4
--R
        (126b c + 12a b c)d x + (126b c + 30a b c)d x
--R
--R
           2 6
                    3 2 3 3
                                 2 7
                                            4 2 2 2
--R
        (84b c + 40a b c + a) d x + (36b c + 30a b c + 3a c) d x
--R
               5 22
                                 2 9 6 2 3
--R
--R
        (9bc + 12abc + 3ac)dx + bc + 2abc + ac
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1180
--S 1181 of 1394
r0:=(-5/6)/(a^2*d*(c+d*x)^2)+1/3/(a*d*(c+d*x)^2*(a+b*(c+d*x)^3))-_
    5/9*b^(2/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(8/3)*d)+_
    5/18*b^{(2/3)}*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)}*b^{(1/3)}*(c+d*x)+_
    b^{(2/3)*(c+d*x)^2}/(a^{(8/3)*d})+5/3*b^{(2/3)*atan((a^{(1/3)}-_
    2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(8/3)*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
    (2)
--R
             5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
          5b d x + 25b c d x + 50b c d x + (50b c + 5a)d x
--R
--R
                      5
--R
--R
           (25b c + 10a c)d x + 5b c + 5a c
--R
--R
          +-+3+-+2 2 2
                                  2 3+-+2
                                                  3+-+3+-+ 3+-+2
--R
         --R
                5 5
                                                 3
--R
                         4 4 2 3 3
--R
           -10b d x - 50b c d x - 100b c d x + (-100b c - 10a)d x
--R
--R
                4
                                 5
          (-50b c - 20a c)d x - 10b c - 10a c
--R
--R
--R
                          3+-+ 3+-+
          +-+3+-+2
--R
         --R
                5 5
                                   2 3 3
--R
                          4 4
           -30b d x - 150b c d x - 300b c d x + (-300b c - 30a) d x
--R
--R.
--R
                                  5
--R
          (-150b c - 60a c)d x - 30b c - 30a c
--R
--R
                          3+-+ 3+-+
--R
         3+-+2
                 (2d x + 2c) \mid b - \mid a
--R
         \|b atan(-----)
--R
                       +-+3+-+
```

```
\|3 \|a
--R
--R
        3 3 2 2 2 3 +-+3+-+2
--R
--R
       (-15b d x - 45b c d x - 45b c d x - 15b c - 9a)\|3\|a
--R /
           2 6 5 2 5 4
                               2 243
                                             2 3 3 3 2
--R
--R
        18a b d x + 90a b c d x + 180a b c d x + (180a b c + 18a )d x
--R
          2 4 3 2 2 5 3 2
--R
--R
        (90a b c + 36a c)d x + (18a b c + 18a c )d
--R
        +-+3+-+2
--R
--R
       \|3 \|a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1181
--S 1182 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
              5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
--R
          - 5b d x - 25b c d x - 50b c d x + (- 50b c - 5a)d x
--R
--R
           (-25b c - 10a c)d x - 5b c - 5a c
--R
--R
--R
--R
             | 2
         +-+ | b
--R
--R
         \|3 |- --
--R
            3| 2
--R
            \| a
--R
--R
              +---+2
              1 2
                                    | 2
--R
            2 | b
                                    | b 2 2 2 2 2 2 2 2
--R
         log(a | --- + (a b d x + a b c) | --- + b d x + 2b c d x + b c)
--R
              3| 2
                                   3| 2
--R
--R
              \| a
                                   \| a
--R
--R
              5 5 4 4 2 3 3
                                            3 22
--R.
          10b d x + 50b c d x + 100b c d x + (100b c + 10a)d x
--R
                        5 2
--R
--R
           (50b c + 20a c)d x + 10b c + 10a c
--R
--R
             | 2
                         | 2
--R
          +-+ | b
                        l b
--R
```

```
--R
            3| 2 3| 2
\| a \| a
--R
--R
--R
             5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
          -30b d x - 150b c d x - 300b c d x + (-300b c - 30a) d x
--R
--R
--R
         (- 150b c - 60a c)d x - 30b c - 30a c
--R
--R
--R
                      1 2
--R
                  +-+ | b
--R
                 a|3 |---+(2b d x + 2b c)|3
--R
         1 2
--R
                 3| 2
--R
         lъ
                    \| a
--R
        |- -- atan(-----)
--R
        3| 2
--R
                            1 2
        \| a
                            lъ
--R
--R
                           3a |- --
--R
                             3| 2
--R
                             \| a
--R
         3 3 2 2 2 3 +-+
--R
--R
       (-15b d x - 45b c d x - 45b c d x - 15b c - 9a) | 3
--R /
--R
          2 6 5 2 5 4 2 2 4 3 2 3 3 3 2
--R
        18a b d x + 90a b c d x + 180a b c d x + (180a b c + 18a )<br/>d x \,
--R
--R
           2 4 3 2 2 5 3 2
--R
       (90a b c + 36a c)d x + (18a b c + 18a c)d
--R
--R
       +-+
--R
       \13
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1182
--S 1183 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                              2 3+-+2
--R.
         +-+3+-+2 2 2
                                              3+-+3+-+ 3+-+2
       -5|3 \leq \log((dx + 2c dx + c)|b + (-dx - c)|a |b + |a )
--R
--R
                 3+-+ 3+-+
--R
        +-+3+-+2
--R
     10/3 \leq \log((d x + c)/b + |a|)
--R
--R
```

```
--R
--R
              1 2
--R
           +-+ | b 3+-+2
--R
          5\|3 |- -- \|a
--R
            3| 2
--R
              \| a
--R
--R
              1 2
--R
                                 l b
            2 | b
                                        2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
         log(a | --- + (a b d x + a b c) | --- + b d x + 2b c d x + b c)
              3| 2
                                3| 2
--R
              \| a
                                 \| a
--R
--R
--R
                          +---+
         --R
--R
--R
       --R
           3| 2
                        3| 2
--R
            \| a
                        \| a
--R
--R
                      3+-+ 3+-+
--R
        3+-+2 (2d x + 2c)\|b - \|a
       30\|b atan(-----)
--R
                   +-+3+-+
--R
--R
                    \|3 \|a
--R
--R
                          1 2
--R
                       +-+ | b
--R
--R
                      a|3 |--- + (2b d x + 2b c)|3
                      3| 2
           1 2
--R
--R
           l b 3+-+2
                         \| a
--R
       - 30 |- -- \|a atan(-----)
--R
         3| 2
                                 | 2
          \| a
--R
                                 lъ
--R
                               3a |- --
--R
                                 3| 2
--R
                                  \| a
--R
--R /
--R
       2 +-+3+-+2
--R
     18a d\|3 \|a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 1183
--S 1184 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1184
)clear all
--S 1185 of 1394
t0:=1/((c+d*x)^4*(a+b*(c+d*x)^3)^2)
--R
--R
--R
   (1)
--R
     1
--R /
        2 10 10 2 9 9 2 2 8 8 2 3
--R
       b d x + 10b c d x + 45b c d x + (120b c + 2a b)d x
--R
--R
--R
          2 4
                      6 6 2 5
                                         2 5 5
--R
       (210b c + 14a b c)d x + (252b c + 42a b c)d x
--R
--R
           26 3 2 4 4 2 7 4
--R
       (210b c + 70a b c + a)d x + (120b c + 70a b c + 4a c)d x
--R
--R
          28 5 2222 29
                                          6 23 210
--R
       (45b c + 42a b c + 6a c )d x + (10b c + 14a b c + 4a c )d x + b c
--R
         7 24
--R
--R
       2abc+ac
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1185
--S 1186 of 1394
r0:=(-2/3)/(a^2*d*(c+d*x)^3)+1/3/(a*d*(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3))-_
    2*b*log(c+d*x)/(a^3*d)+2/3*b*log(a+b*(c+d*x)^3)/(a^3*d)
--R
--R
    (2)
--R
           266 2 55 2244
                                         2 3
--R
          2b d x + 12b c d x + 30b c d x + (40b c + 2a b)d x
--R
--R
                        2 2
                               2 5
                                         2
                                                 2 6
--R
          (30b c + 6a b c)d x + (12b c + 6a b c)d x + 2b c + 2a b c
--R
--R.
              3 3 2 2 2
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
              266 2 55
                               2 2 4 4
                                             2 3 3 3
          - 6b d x - 36b c d x - 90b c d x + (- 120b c - 6a b)d x
--R
--R
                  2 2 2 5 2 2 6 3
--R
              2 4
         (-90b\ c\ -18a\ b\ c)d\ x\ + (-36b\ c\ -18a\ b\ c\ )d\ x\ -6b\ c\ -6a\ b\ c
--R
```

```
--R
         log(d x + c)
--R
--R
--R
                    2 2 2
             3 3
--R
       - 2a b d x - 6a b c d x - 6a b c d x - 2a b c - a
--R /
        3 7 6 3 6 5 3 2 5 4 3 3 4 4 3
--R
--R
       3a b d x + 18a b c d x + 45a b c d x + (60a b c + 3a) d x
--R
--R
         3 4 4 3 2
                            3 5 4 2 2
                                             3 6 4 3
       (45a \ b \ c \ + 9a \ c)d \ x \ + (18a \ b \ c \ + 9a \ c)d \ x \ + (3a \ b \ c \ + 3a \ c)d
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1186
--S 1187 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
           266 255 2244 23 33
--R
          2b d x + 12b c d x + 30b c d x + (40b c + 2a b)d x
--R
--R
              2 4
                  2 2
                               25
                                         2
                                                 2 6 3
--R
          (30b c + 6a b c)d x + (12b c + 6a b c)d x + 2b c + 2a b c
--R
              3 3 2 2 2 3
--R
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
              266 2 55
                               2 2 4 4 2 3
--R
          -6b d x - 36b c d x - 90b c d x + (-120b c - 6a b)d x
--R
                                        2 26 3
--R
                        2 2 2 5
--R
         (-90b c - 18a b c)d x + (-36b c - 18a b c)d x - 6b c - 6a b c
--R
--R
         log(d x + c)
--R
--R
                        2 2
                                 2
             3 3
--R
       - 2a b d x - 6a b c d x - 6a b c d x - 2a b c - a
--R /
                 3 6 5
--R
         3 7 6
                              3 254
                                          3 3
--R
       3a b d x + 18a b c d x + 45a b c d x + (60a b c + 3a )d x
--R
--R.
         3 4 4 3 2 3 5 4 2 2 3 6 4 3
--R
        (45a b c + 9a c)d x + (18a b c + 9a c)d x + (3a b c + 3a c)d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1187
--S 1188 of 1394
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
    (4) 0
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1188
--S 1189 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1189
)clear all
--S 1190 of 1394
t0:=(c+d*x)^4/(a+b*(c+d*x)^3)^3
--R
--R
--R
    (1)
--R
       4 4 3 3 2 2 2 3 4
       d x + 4c d x + 6c d x + 4c d x + c
--R
--R /
--R
         3 9 9 3 8 8 3 2 7 7 3 3 2 6 6
--R
        b d x + 9b c d x + 36b c d x + (84b c + 3a b) d x
--R
--R
                  2 5 5
                                 3 5
--R
        (126b c + 18a b c)d x + (126b c + 45a b c)d x
--R
--R
            3 6 2 3 2 3 3 3 7 2 4 2
                                                                2 2
--R
         (84b c + 60a b c + 3a b)d x + (36b c + 45a b c + 9a b c)d x
--R
--R
                    25 2 2
                                       3 9
                                                26 2 3
--R
         (9b c + 18a b c + 9a b c )d x + b c + 3a b c + 3a b c + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1190
--S 1191 of 1394
r0:=-1/6*(c+d*x)^2/(b*d*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+1/9*(c+d*x)^2/_
    (a*b*d*(a+b*(c+d*x)^3))-1/27*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_
    (a^{(4/3)*b^{(5/3)*d}}+1/54*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)*b^{(1/3)}}-a^{(1/3)*b^{(1/3)}}
    (c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^{2}/(a^{(4/3)}*b^{(5/3)}*d)-1/9*_
    atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^{(4/3)}*b^{(5/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
--R
             266 2 55 2244 23 33
           b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b) d x
--R
--R
```

```
2 4 2 2 2 5 2 2 6 3 2
--R
--R
         (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c )d x + b c + 2a b c + a
--R
--R
        +-+ 2 2
                         2 3+-+2
                                         3+-+3+-+ 3+-+2
--R
        --R
            266 2 55 2244
                                       2 3 3 3
--R
--R
         -2b d x - 12b c d x - 30b c d x + (-40b c - 4a b)d x
--R
                       2 2 2 5
--R
             2 4
                                        2
--R
         (- 30b c - 12a b c)d x + (- 12b c - 12a b c )d x - 2b c - 4a b c
--R
--R
         - 2a
--R
--R
--R
                   3+-+ 3+-+
        +-+
--R
        --R
                2 5 5 2 2 4 4 2 3 3 3
--R
          266
         6b d x + 36b c d x + 90b c d x + (120b c + 12a b)d x
--R
--R
           24 22 25 2 26 3
--R
--R
         (90b c + 36a b c)d x + (36b c + 36a b c)d x + 6b c + 12a b c
--R
--R
          2
--R
         6a
--R
--R
                   3+-+ 3+-+
--R
           (2d x + 2c) | b - | a
        atan(-----)
--R
                +-+3+-+
--R
--R
                \|3 \|a
--R
           5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
--R
         6b d x + 30b c d x + 60b c d x + (60b c - 3a) d x
--R
                         5
--R
--R
         (30b c - 6a c)d x + 6b c - 3a c
--R
--R
        +-+3+-+3+-+2
--R
        \|3 \|a \|b
--R /
                 3 6 5 3 2 5 4 3 3 2 2 4 3
--R.
          3 7 6
--R.
        54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b )d x
--R
                                      2 2 2 2
--R
             3 4 2 2 3 2
                                3 5
--R
        (810a b c + 324a b c) d x + (324a b c + 324a b c) d x
--R
           3 6 2 2 3 3
--R
--R
       (54a b c + 108a b c + 54a b)d
```

```
--R
      +-+3+-+3+-+2
--R
--R
      \|3 \|a \|b
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1191
--S 1192 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
  (3)
          266 2 55
                        2 2 4 4
                                 2 3 3 3
--R
        -bdx - 6bcdx - 15bcdx + (-20bc - 2ab)dx
--R
--R
                2 2 2 5
                                  2
                                        2 6
--R
          2 4
--R
       (- 15b c - 6a b c)d x + (- 6b c - 6a b c)d x - b c - 2a b c - a
--R
                 +----+2
--R
                 3 2 2 2
                                        2 3 | 2
--R
--R
      --R
          266 2 55 2244 23 33
--R
--R
         2b d x + 12b c d x + 30b c d x + (40b c + 4a b)d x
--R
         2 4 2 2 5
                                  2 26 3 2
--R
       (30b c + 12a b c)d x + (12b c + 12a b c)d x + 2b c + 4a b c + 2a
--R
--R
--R
                   +----+2
       +-+
                  3| 2
--R
--R
       --R
           2 6 6 2 5 5 2 2 4 4 2 3 3 3
--R
--R
        -6b d x - 36b c d x - 90b c d x + (-120b c - 12a b)d x
--R
                 2 2
                            2 5
--R
        (- 90b c - 36a b c)d x + (- 36b c - 36a b c )d x - 6b c
--R
--R
--R
             3 2
        - 12a b c - 6a
--R
--R
--R
                     +----+2
                  +-+3| 2
--R
--R.
          (2d x + 2c) |3 |- a b - a b|3
--R
       atan(-----)
--R
                     3a b
--R
          5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
        6b d x + 30b c d x + 60b c d x + (60b c - 3a)d x
--R
--R
--R
                         5 2
```

```
--R
         (30b c - 6a c)d x + 6b c - 3a c
--R
--R
         +-+3| 2
--R
--R
        \|3 \|- a b
--R /
           3 7 6 3 6 5 3 2 5 4 3 3 2 2 4 3
--R
--R
         54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b ) d x
--R
             3 4 2 2 3 2
                                   3 5 2 2 2 2
--R
--R
        (810a b c + 324a b c)d x + (324a b c + 324a b c )d x
--R
            3 6 2 2 3 3
--R
--R
        (54a b c + 108a b c + 54a b)d
--R
--R
          +----+
--R
       +-+3| 2
--R
       \|3 \|- a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1192
--S 1193 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
   (4)
--R
--R
--R
--R
           +-+3| 2
--R
          \|3 \|- a b
--R
              2 2 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
          log((d x + 2c d x + c)) + (-d x - c) | a | b + | a)
--R
--R
        +-+3| 2 3+-+ 3+-+
--R
--R
       2\|3\|-ab\|\log((dx+c)\|b\|+\|a\|)
--R
--R
--R
           +-+3+-+3+-+2
--R
          \|3 \|a \|b
--R
                    +----+2
--R.
                    3| 2 2 2
                                               2 3 2
--R
         log((d x + c))|- a b + (b d x + 2b c d x + b c)|- a b - a b)
--R
--R
                             +----+2
--R
        +-+3+-+3+-+2
--R
                            3| 2
      2|3 |a |b log((d x + c)|- a b + a b)
--R
--R
```

```
3+-+ 3+-+
--R
         3| 2 (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
--R
       - 6\|- a b atan(-----)
--R
                          +-+3+-+
--R
                          \|3 \|a
--R
--R
                                +----+2
                              +----+2
+-+3| 2 +-+
--R
         3+-+3+-+2 (2d x + 2c)\|3 \|- a b - a b\|3
--R
--R
       - 6\|a \|b atan(-----)
--R
                                 3a b
--R /
--R
           +-+3| 2 3+-+3+-+2
--R
      54a b d\|3 \|- a b \|a \|b
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1193
--S 1194 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1194
)clear all
--S 1195 of 1394
t0:=(c+d*x)^3/(a+b*(c+d*x)^3)^3
--R
--R
--R
    (1)
      3 3 2 2 2 3
--R
      d x + 3c d x + 3c d x + c
--R
--R /
       3 9 9 3 8 8 3 2 7 7
--R
                                  3 3 2 6 6
--R
      bdx + 9bcdx + 36bcdx + (84bc + 3ab)dx
--R
--R
          3 4 2 5 5 3 5
--R
       (126b c + 18a b c)d x + (126b c + 45a b c)d x
--R
--R.
         3 6 2 3 2 3 3 3 7 2 4
                                                  2
       (84b c + 60a b c + 3a b)d x + (36b c + 45a b c + 9a b c)d x
--R
--R
--R
         38 25 2 2 39 26 2 3 3
--R
       (9b c + 18a b c + 9a b c )d x + b c + 3a b c + 3a b c + a
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1195
```

```
--S 1196 of 1394
r0:=1/6*(-c-d*x)/(b*d*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+1/18*(c+d*x)/_
    (a*b*d*(a+b*(c+d*x)^3))+1/27*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_
    (a^{(5/3)*b^{(4/3)*d}-1/54*log(a^{(2/3)-a^{(1/3)*b^{(1/3)*(c+d*x)}+}_{-})}
    b^{(2/3)*(c+d*x)^2}/(a^{(5/3)*b^{(4/3)*d}-1/9*atan((a^{(1/3)-}_-)^2)}
    2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(5/3)*b^(4/3)*d*sqrt(3))
--R
--R
    (2)
--R
--R
             266 2 55
                               2 2 4 4
                                         2 3
           - b d x - 6b c d x - 15b c d x + (- 20b c - 2a b) d x
--R
--R
                        2 2
                                 2 5
                                           2
                                                  2 6
--R
         (-15b c - 6a b c)d x + (-6b c - 6a b c)d x - b c - 2a b c - a
--R
--R
--R
          +-+
                2 2
                              2 3+-+2
                                               3+-+3+-+ 3+-+2
--R
         \1 \log((d x + 2c d x + c) + (-d x - c) + (-d x - c) 
--R
--R
            266 2 55
                               2 2 4 4
                                          2 3 3 3
--R
           2b d x + 12b c d x + 30b c d x + (40b c + 4a b)d x
--R
                 2 2 2 5 2 2 6 3 2
--R
--R
         (30b c + 12a b c)d x + (12b c + 12a b c)d x + 2b c + 4a b c + 2a
--R
                       3+-+ 3+-+
--R
--R
         --R
--R
            266 2 55 2244 23
--R
           6b d x + 36b c d x + 90b c d x + (120b c + 12a b)d x
--R
                         2 2 2 5
--R
              2 4
                                            2
--R
           (90b c + 36a b c)d x + (36b c + 36a b c)d x + 6b c + 12a b c
--R
--R
            2
--R
           6a
--R
--R
                      3+-+ 3+-+
--R
            (2d x + 2c) \mid b - \mid a
         atan(-----)
--R
--R
                    +-+3+-+
--R
                   \|3 \|a
--R
--R
            4 4 3 3 2 2 2 3
--R
         (3b d x + 12b c d x + 18b c d x + (12b c - 6a)d x + 3b c - 6a c)
--R
--R
          +-+3+-+2 3+-+
--R
         \|3 \|a \|b
--R /
             3 7 6 3 6 5 3 2 5 4 3 3
--R
                                                             2 2 4 3
--R
         54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b ) d x
```

```
--R
         3 4 2 2 3 2 3 5 2 2 2 2
--R
--R
       (810a b c + 324a b c)d x + (324a b c + 324a b c)d x
--R
--R
            3 6 2 2 3 3
--R
       (54a b c + 108a b c + 54a b)d
--R
--R
       +-+3+-+2 3+-+
      \|3 \|a \|b
--R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1196
--S 1197 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
          266 2 55 2244 23 33
--R
         - b d x - 6b c d x - 15b c d x + (- 20b c - 2a b)d x
--R
                2 2
--R
           2 4
                            2 5
                                    2 26 3 2
--R
        (- 15b c - 6a b c)d x + (- 6b c - 6a b c)d x - b c - 2a b c - a
--R
                                             +---+
--R
                           +---+2
--R
        +-+ 2 2
                          2 3 2
                                             3 | 2 | 2
--R
        --R
--R
           266 2 55 2244 23 33
--R
         2b d x + 12b c d x + 30b c d x + (40b c + 4a b)d x
--R
                          2 5
--R
           2.4
                2 2
                                    2
                                          2 6
--R
        (30b c + 12a b c)d x + (12b c + 12a b c)d x + 2b c + 4a b c + 2a
--R
--R
--R
                   3 | 2
--R
       --R
--R
          266 255 2244 23 33
         6b d x + 36b c d x + 90b c d x + (120b c + 12a b)d x
--R
--R
--R
           2 4
                     2 2 2 5
                                     2
                                            2 6
         (90b c + 36a b c)d x + (36b c + 36a b c )d x + 6b c + 12a b c
--R
--R
--R
          2
--R
         6a
--R
--R
                      +---+
--R
                   +-+3| 2
          (2d x + 2c) |3 |a b - a|3
--R
--R
        atan(-----)
```

```
--R
                         3a
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
         (3b d x + 12b c d x + 18b c d x + (12b c - 6a)d x + 3b c - 6a c)
--R
--R
             +---+
--R
         +-+3| 2
--R
        \|3 \|a b
--R /
            3 7 6 3 6 5 3 2 5 4 3 3 2 2 4 3
--R
--R
         54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b )d x
--R
                     2 2 3 2 3 5 2 2 2 2
--R
         (810a b c + 324a b c)d x + (324a b c + 324a b c)d x
--R
--R
--R
             3 6 2 2 3
                             3
--R
        (54a b c + 108a b c + 54a b)d
--R
--R
           +---+
--R
        +-+3| 2
--R
        \|3 \|a b
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1197
--S 1198 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
           +-+3+-+2 3+-+
--R
           \|3 \|a \|b
--R
                                                  +---+
--R
                               +---+2
               2 2
                                                  3 | 2 | 2
--R
                            2 3 2
          log((dx + 2c dx + c)|ab + (-adx - ac)|ab + a)
--R
--R
--R
        +-+3+-+2 3+-+
--R
                              3 2
--R
       2\|3\|a\| \b \log((d x + c)\|a b + a)
--R
--R
           +---+
--R.
        +-+3| 2 2 2 2 3+-+2
                                                 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
       \label{log} $$    |3 \leq \log((d x + 2c d x + c))|b + (-d x - c)|a |b + |a )
--R
--R
--R
          +-+3| 2
                           3+-+ 3+-+
--R
       - 2\|3\|a\ b\ \log((d\ x + c)\|b\ + \|a\)
--R
--R
```

```
--R
                              +-+3| 2 +-+
       3+-+2 3+-+ (2d x + 2c)\|3 \|a b - a\|3
--R
--R
       6\|a \|b atan(-----)
--R
                                3a
--R
--R
                           3+-+ 3+-+
         3| 2 \qquad (2d x + 2c) | b - | a
--R
--R
       - 6\|a b atan(-----)
--R
                        +-+3+-+
--R
                        \|3 \|a
--R /
--R
           +-+3+-+2 3+-+3| 2
--R
--R
      54a b d\|3 \|a \|b \|a b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1198
--S 1199 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1199
)clear all
--S 1200 of 1394
t0:=(c+d*x)^2/(a+b*(c+d*x)^3)^3
--R
--R
--R
   (1)
      2 2
--R
--R
      dx + 2c dx + c
--R /
       3 9 9 3 8 8 3 2 7 7 3 3 2 6 6
--R
--R
      b d x + 9b c d x + 36b c d x + (84b c + 3a b )d x
--R
          3 4 2 5 5 3 5
--R
       (126b c + 18a b c)d x + (126b c + 45a b c )d x
--R
--R
--R
          3 6 2 3 2 3 3 3 7 2 4 2
--R.
       (84b c + 60a b c + 3a b)d x + (36b c + 45a b c + 9a b c)d x
--R
--R
         38 25 2 2 39 26 23
--R
        (9b c + 18a b c + 9a b c )d x + b c + 3a b c + 3a b c + a
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1200
--S 1201 of 1394
```

```
r0:=(-1/6)/(b*d*(a+b*(c+d*x)^3)^2)
--R
--R
--R
    (2)
--R -
--R
         1
--R
--R
--R
            3 7 6 3 6 5 3 2 5 4
--R
                                           3 3
                                                     2 4 3
--R
          b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b )d x
--R
                   2 32
                               3 5
                                        2 2 2
                                                   3 6 2 3 2
--R
         (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c)d x + (b c + 2a b c + a b)d
--R
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1201
--S 1202 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
         1
--R
--R
            3 7 6 3 6 5 3 2 5 4 3 3
--R
           6b d x + 36b c d x + 90b c d x + (120b c + 12a b )d x
--R
--R
              3 4
                    2 32
                                  3 5
                                              2 2 2
--R
           (90b c + 36a b c)d x + (36b c + 36a b c)d x
--R
             3 6 2 3 2
--R
--R
           (6b c + 12a b c + 6a b)d
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1202
--S 1203 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1203
--S 1204 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1204
)clear all
--S 1205 of 1394
t0:=(c+d*x)/(a+b*(c+d*x)^3)^3
--R
--R
    (1)
--R
--R
      dx + c
--R /
--R
        3 9 9
                3 8 8 3 2 7 7
                                      3 3
       b d x + 9b c d x + 36b c d x + (84b c + 3a b )d x
--R
--R
--R
           3 4
                  2 5 5
                               3 5
                                          2 2 4 4
--R
        (126b c + 18a b c)d x + (126b c + 45a b c)d x
--R
--R
           3 6
                 23 2 33
                                     3 7 2 4
--R
        (84b c + 60a b c + 3a b)d x + (36b c + 45a b c + 9a b c)d x
--R
--R
                  2 5
                        2 2
                                     3 9
                                           2 6
                                                  2 3
--R
        (9b c + 18a b c + 9a b c )d x + b c + 3a b c + 3a b c + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1205
--S 1206 of 1394
r0:=1/6*(c+d*x)^2/(a*d*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+2/9*(c+d*x)^2/(a^2*d*_1)
    (a+b*(c+d*x)^3))-2/27*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_
    (a^{(7/3)*b^{(2/3)*d}}+1/27*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)*b^{(1/3)*}}
    (c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^{2}/(a^{(7/3)}*b^{(2/3)}*d)-2/9*_
    atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^{(7/3)}*b^{(2/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
             266 2 55 2244
--R
                                           2 3
--R
           2b d x + 12b c d x + 30b c d x + (40b c + 4a b)d x
--R
                        2 2
--R
                                 2 5
                                            2
                                                    2 6
--R
          (30b c + 12a b c)d x + (12b c + 12a b c)d x + 2b c + 4a b c + 2a
--R
--R
          +-+
                 2 2
                               2 3+-+2
                                                 3+-+3+-+ 3+-+2
--R.
          --R
--R
               2 6 6
                      2 5 5 2 2 4 4
                                               2 3
           -4b d x - 24b c d x - 60b c d x + (-80b c - 8a b)d x
--R
--R
--R
                            2 2
                                      2 5
                                                 2
                                                          2 6
           (- 60b c - 24a b c)d x + (- 24b c - 24a b c)d x - 4b c - 8a b c
--R
--R
```

```
--R
--R
                                - 4a
--R
--R
                              +-+
                                                                   3+-+ 3+-+
--R
                           \label{eq:local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_
--R
                                      266 2 55 2244 23 33
--R
--R
                               12b d x + 72b c d x + 180b c d x + (240b c + 24a b)d x
--R
                                                                               2 2 2 5
--R
                                                                                                                                       2
--R
                                (180b c + 72a b c)d x + (72b c + 72a b c )d x + 12b c + 24a b c
--R
--R
--R
                                12a
--R
--R
                                                                  3+-+ 3+-+
--R
                                   (2d x + 2c) | b - | a
                             atan(-----)
--R
                                                +-+3+-+
--R
--R
                                                         \|3 \|a
--R
--R
                                         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
                               12b d x + 60b c d x + 120b c d x + (120b c + 21a)d x
--R
--R
--R
                                (60b c + 42a c)d x + 12b c + 21a c
--R
--R
                              +-+3+-+3+-+2
--R
                            \|3 \|a \|b
--R /
                                  2 2 7 6 2 2 6 5 2 2 2 5 4 2 2 3 3 4 3
--R
--R
                          54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b)d x
--R
                                      2 2 4 3 3 2 2 2 5 3 2 2
--R
                            (810a b c + 324a b c) d x + (324a b c + 324a b c) d x
--R
--R
                                   2 2 6 3 3
--R
--R
                           (54a b c + 108a b c + 54a )d
--R
--R
                          +-+3+-+3+-+2
--R
                        \|3 \|a \|b
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 1206
--S 1207 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                            --R
```

```
--R
         -2b d x - 12b c d x - 30b c d x + (-40b c - 4a b) d x
--R
--R
             24 22 25 2 26 3
--R
         (- 30b c - 12a b c)d x + (- 12b c - 12a b c)d x - 2b c - 4a b c
--R
--R
           2
--R
        - 2a
--R
                 +----+2 +----+
3| 2 22 23| 2
--R
--R
--R
      \ \log((d x + c) - a b + (b d x + 2b c d x + b c) - a b)
--R
          266 2 55 2244
                                    2 3
--R
--R
         4b d x + 24b c d x + 60b c d x + (80b c + 8a b) d x
--R
--R
          2 4
                    2 2 2 5 2 2 6
--R
        (60b c + 24a b c)d x + (24b c + 24a b c )d x + 4b c + 8a b c + 4a
--R
--R
                    +----+2
                   3| 2
--R
        --R
--R
--R
           266 255 2244 23 33
--R
         - 12b d x - 72b c d x - 180b c d x + (- 240b c - 24a b)d x
--R
             24 22 25 2 26
--R
--R
         (-180b c - 72a b c)d x + (-72b c - 72a b c)d x - 12b c
--R
--R
              3
                  2
--R
        - 24a b c - 12a
--R
                    +----+2
+-+3| 2 +-+
--R
--R
--R
          (2d x + 2c) |3 |- a b - a b|3
--R
--R
                      3a b
--R
           5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
         12b d x + 60b c d x + 120b c d x + (120b c + 21a)d x
--R
--R
                   5 2
--R
         (60b c + 42a c)d x + 12b c + 21a c
--R
--R
--R
        +-+3| 2
--R
--R
        \|3 \|- a b
--R /
         2 2 7 6 2 2 6 5 2 2 2 5 4 2 2 3 3 4 3
--R
       54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b)d x
--R
--R.
```

```
2 2 4 3 3 2 2 2 5 3 2 2
--R
--R
         (810a b c + 324a b c)d x + (324a b c + 324a b c )d x
--R
             2 2 6 3 3
--R
--R
        (54a b c + 108a b c + 54a )d
--R
--R
          +----+
        +-+3| 2
--R
--R
        \|3 \|- a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1207
--S 1208 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
               +----+
            +-+3| 2
--R
--R
           \|3 \|- a b
--R
                                             3+-+3+-+ 3+-+2
--R
              2 2 2 3+-+2
--R
           log((d x + 2c d x + c) | b + (-d x - c) | a | b + | a )
--R
--R
         +-+3| 2
                             3+-+ 3+-+
--R
--R
        2|3 = ab \log((dx + c)|b + |a)
--R
--R
--R
            +-+3+-+3+-+2
--R
           \|3 \|a \|b
--R
                    +----+2
3| 2 2 2
--R
                                                  2 3 | 2
--R
         log((d x + c))|- a b + (b d x + 2b c d x + b c)|- a b - a b)
--R
--R
--R
                              +----+2
         +-+3+-+3+-+2
                            3| 2
--R
--R
       2|3 |a |b log((d x + c)|- a b + a b)
--R
--R
                             3+-+ 3+-+
--R.
          3 \mid 2 \quad (2d x + 2c) \mid b - \mid a
--R
        - 6\|- a b atan(-----)
--R
                            +-+3+-+
--R
                           \|3 \|a
--R
--R
                                 +----+2
                               +-+3| 2 +-+
--R
          3+-+3+-+2 (2d x + 2c)\|3 \|- a b - a b\|3
--R
```

```
--R
        - 6\|a \|b atan(-----)
--R
                                      3a b
--R /
--R
               +----+
         2 +-+3| 2 3+-+3+-+2
--R
--R
      27a d\|3 \|- a b \|a \|b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1208
--S 1209 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1209
)clear all
--S 1210 of 1394
t0:=1/(a+b*(c+d*x)^3)^3
--R
--R
--R
    (1)
--R
--R /
         3 9 9 3 8 8 3 2 7 7 3 3 2 6 6
--R
--R
        b d x + 9b c d x + 36b c d x + (84b c + 3a b )d x
--R
--R
             3 4 2 5 5 3 5 2 2 4 4
--R
        (126b c + 18a b c)d x + (126b c + 45a b c)d x
--R
--R
                    23 2 33
                                        3 7
                                                  2 4
--R
        (84b c + 60a b c + 3a b)d x + (36b c + 45a b c + 9a b c)d x
--R
                   25 2 2
                                      3 9 2 6 2 3 3
--R
--R
        (9b c + 18a b c + 9a b c )d x + b c + 3a b c + 3a b c + a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1210
--S 1211 of 1394
r0:=1/6*(c+d*x)/(a*d*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+5/18*(c+d*x)/_
    (a^2*d*(a+b*(c+d*x)^3))+5/27*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_
    (a^{(8/3)*b^{(1/3)*d}}-5/54*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)*b^{(1/3)*}}
    (c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^{2}/(a^{(8/3)}*b^{(1/3)}*d)-5/9*_
    atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^{(8/3)}*b^{(1/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R (2)
```

```
266 255 2244 23 33
--R
--R
         - 5b d x - 30b c d x - 75b c d x + (- 100b c - 10a b)d x
--R
--R
              2 4
                       2 2
                            2 5
--R
         (- 75b c - 30a b c)d x + (- 30b c - 30a b c)d x - 5b c
--R
--R
               3 2
--R
         - 10a b c - 5a
--R
         +-+ 2 2
--R
                          2 3+-+2
                                         3+-+3+-+ 3+-+2
--R
        --R
           266 2 55 2244
                                        2 3
--R
         10b d x + 60b c d x + 150b c d x + (200b c + 20a b)d x
--R
--R
--R
            2 4
                       2 2 2 5 2 2 6
--R
         (150b c + 60a b c)d x + (60b c + 60a b c)d x + 10b c + 20a b c
--R
--R
          2
--R
         10a
--R
--R
                   3+-+ 3+-+
        \label{eq:local_state} \ \log((d x + c) \mid b + \mid a)
--R
--R
--R
           266 255 2244 23 33
--R
         30b d x + 180b c d x + 450b c d x + (600b c + 60a b) d x
--R
--R
            24 22 25 2 26
--R
          (450b c + 180a b c)d x + (180b c + 180a b c)d x + 30b c
--R
--R
              3 2
--R
         60a b c + 30a
--R
--R
                   3+-+ 3+-+
--R
           (2d x + 2c) \mid b - \mid a
        atan(-----)
--R
--R
                 +-+3+-+
--R
                \|3 \|a
--R
              4 4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
           15b d x + 60b c d x + 90b c d x + (60b c + 24a)d x + 15b c
--R
--R
          24a c
--R
--R
        +-+3+-+2 3+-+
        \|3 \|a \|b
--R
--R /
         2 2 7 6 2 2 6 5 2 2 2 5 4 2 2 3 3 4 3
--R
        54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b)d x
--R
--R
```

```
2 2 4 3 3 2 2 2 5 3 2 2
--R
--R
        (810a b c + 324a b c) d x + (324a b c + 324a b c) d x
--R
           2 2 6 3 3
--R
--R
       (54a b c + 108a b c + 54a )d
--R
--R
       +-+3+-+2 3+-+
--R
       \|3 \|a \|b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1211
--S 1212 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
            266 255 2244 23 33
         -5b d x - 30b c d x - 75b c d x + (-100b c - 10a b)d x
--R
--R
             24 22 25 2 26
--R
--R
         (-75b c - 30a b c)d x + (-30b c - 30a b c)d x - 5b c
--R
--R
             3 2
--R
          - 10a b c - 5a
--R
--R
                             +---+2
        +-+ 2 2
                                               3 | 2 | 2
--R
                           2 3 2
--R
        --R
--R
            2 6 6 2 5 5 2 2 4 4 2 3 3 3
--R
         10b d x + 60b c d x + 150b c d x + (200b c + 20a b) d x
--R
                              2 5
--R
                       2 2
--R
         (150b c + 60a b c)d x + (60b c + 60a b c)d x + 10b c + 20a b c
--R
--R
           2
--R
         10a
--R
--R
--R
                    3| 2
--R
        |3 \log((d x + c)|a b + a)
--R
--R
           266 2 55 2244 23
--R
         30b d x + 180b c d x + 450b c d x + (600b c + 60a b)d x
--R
--R
                        2 2 2 5
--R
         (450b c + 180a b c)d x + (180b c + 180a b c)d x + 30b c
--R
            3 2
--R
--R
         60a b c + 30a
```

```
--R
--R
                          +---+
                       +-+3| 2 +-+
--R
--R
             (2d x + 2c) |3 |a b - a|3
--R
         atan(-----)
--R
                         3a
--R
                4 4 3 3 2 2 2 3
--R
            15b d x + 60b c d x + 90b c d x + (60b c + 24a)d x + 15b c
--R
--R
--R
            24a c
--R
            +---+
--R
          +-+3| 2
--R
--R
         \|3 \|a b
--R /
--R
           2 2 7 6 2 2 6 5 2 2 2 5 4 2 2 3 3 4 3
--R
         54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b) d x
--R
            2 2 4 3 3 2 2 2 5 3 2 2
--R
--R
         (810a b c + 324a b c)d x + (324a b c + 324a b c)d x
--R
--R
           2 2 6 3 3 4
--R
        (54a b c + 108a b c + 54a )d
--R
--R
          +---+
--R
        +-+3| 2
--R
        \|3 \|a b
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1212
--S 1213 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
    (4)
--R
--R
--R
            +-+3+-+2 3+-+
--R
           5\|3 \|a \|b
--R
                               +---+2
--R
--R
                             2 3 2
                                                   31 2
                2 2
--R.
           log((d x + 2c d x + c) | a b + (-a d x - a c) | a b + a)
--R
--R
                                +---+
          +-+3+-+2 3+-+
--R
                               3 | 2
--R
        10/3 |a| |b| \log((d x + c)/a b + a)
--R
--R
            +---+
--R
         +-+3| 2 2 2
                                2 3+-+2
                                                  3+-+3+-+ 3+-+2
```

```
5\|3\|a\ b\ log((d\ x\ + 2c\ d\ x + c\ )\|b\ + (-d\ x - c)\|a\|b\ + \|a\ )
--R
--R
--R
               +---+
--R
           +-+3| 2
                              3+-+ 3+-+
--R
        - 10\|3\|a\ b\ \log((d\ x + c)\|b\ + \|a\)
--R
--R
                                  +---+
                                +-+3| 2 +-+
--R
        3+-+2 \ 3+-+ \ (2d \ x + 2c) \ |3 \ |a \ b \ - a \ |3
--R
--R
       30\|a \|b atan(-----)
--R
                                 3a
--R
                            3+-+ 3+-+
           +---+
--R
          3|2 (2d x + 2c) |b - |a
--R
        - 30\|a b atan(-----)
--R
--R
                          +-+3+-+
--R
                          \|3 \|a
--R /
--R
                      +---+
--R
       2 +-+3+-+2 3+-+3 | 2
--R
      54a d\|3 \|a \|b \|a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1213
--S 1214 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1214
)clear all
--S 1215 of 1394
t0:=1/((c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^3)^3)
--R
--R
   (1)
--R
--R
--R /
        3 10 10 3 9 9 3 2 8 8 3 3 2 7 7
--R
--R
       b d x + 10b c d x + 45b c d x + (120b c + 3a b )d x
--R
--R
           3 4 2 6 6 3 5 2 2 5 5
       (210b c + 21a b c)d x + (252b c + 63a b c)d x
--R
--R
--R
           36 23 244 37 24 2 33
       (210b c + 105a b c + 3a b)d x + (120b c + 105a b c + 12a b c)d x
--R
--R
```

```
38 25 2 2 2 2
--R
--R
       (45b c + 63a b c + 18a b c)d x
--R
                         2 3 3 3 10 27 2 4 3
--R
           3 9 2 6
--R
        (10b\ c\ +\ 21a\ b\ c\ +\ 12a\ b\ c\ +\ a\ )d\ x\ +\ b\ c\ +\ 3a\ b\ c\ +\ 3a\ b\ c\ +\ a\ c
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1215
--S 1216 of 1394
r0:=1/6/(a*d*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+1/3/(a^2*d*(a+b*(c+d*x)^3))+_
    \log(c+d*x)/(a^3*d)-1/3*\log(a+b*(c+d*x)^3)/(a^3*d)
--R
--R
--R
    (2)
--R
              2 6 6 2 5 5 2 2 4 4
                                             2 3 3 3
--R
           - 2b d x - 12b c d x - 30b c d x + (-40b c - 4a b) d x
--R.
--R
               2 4
                           2 2
                                    2 5
                                               2 26
           (-30b c - 12a b c)d x + (-12b c - 12a b c)d x - 2b c - 4a b c
--R
--R
--R
           - 2a
--R
--R
--R
             3 3 2 2 2 3
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
--R
            2 6 6 2 5 5 2 2 4 4 2 3
--R
           6b d x + 36b c d x + 90b c d x + (120b c + 12a b)d x
--R
--R
              2 4 2 2 5 2
                                                     2 6
--R
           (90b c + 36a b c)d x + (36b c + 36a b c)d x + 6b c + 12a b c
--R
--R
            2
--R
           6a
--R
--R
         log(d x + c)
--R
                                2
                       2 2
--R
            3 3
--R
        2a b d x + 6a b c d x + 6a b c d x + 2a b c + 3a
--R /
--R
         3 2 7 6 3 2 6 5 3 2 2 5 4 3 2 3
        6a b d x + 36a b c d x + 90a b c d x + (120a b c + 12a b)d x
--R
--R.
           3 2 4 4 3 2
--R.
                               3 2 5
                                        4 2 2
        (90a b c + 36a b c)d x + (36a b c + 36a b c)d x
--R
--R
--R
          3 2 6 4 3 5
--R
        (6a b c + 12a b c + 6a)d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1216
```

```
--S 1217 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
              266 2 55 2244 23 33
--R
--R
          - 2b d x - 12b c d x - 30b c d x + (- 40b c - 4a b)d x
--R
--R
                          2 2
                                   2 5
                                              2
                                                     2 6
--R
          (- 30b c - 12a b c)d x + (- 12b c - 12a b c )d x - 2b c - 4a b c
--R
--R
          - 2a
--R
--R
--R
              3 3
                    2 2 2
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
            2 6 6 2 5 5 2 2 4 4 2 3
--R
          6b d x + 36b c d x + 90b c d x + (120b c + 12a b) d x
--R
--R
--R
            24 22 25 2 26 3
           (90b c + 36a b c)d x + (36b c + 36a b c)d x + 6b c + 12a b c
--R
--R
--R
           2
--R
          6a
--R
--R
         log(d x + c)
--R
           3 3 2 2 2 3 2
--R
--R
       2a b d x + 6a b c d x + 6a b c d x + 2a b c + 3a
--R /
--R
         3 2 7 6 3 2 6 5 3 2 2 5 4 3 2 3
--R
       6a b d x + 36a b c d x + 90a b c d x + (120a b c + 12a b)d x
--R
          3 2 4 4 3 2 3 2 5 4 2 2
--R
--R
       (90a b c + 36a b c)d x + (36a b c + 36a b c)d x
--R
         3 2 6 4 3 5
--R
--R
       (6a b c + 12a b c + 6a)d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1217
--S 1218 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1218
```

```
--S 1219 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1219
)clear all
--S 1220 of 1394
t0:=1/((c+d*x)^2*(a+b*(c+d*x)^3)^3)
--R
--R
--R
    (1)
--R
      1
--R /
--R
         3 11 11 3 10 10 3 2 9 9 3 3 2 8 8
--R
        bdx + 11bcdx + 55bcdx + (165bc + 3ab)dx
--R
--R
                 2 7 7
            3 4
                                 3 5
                                          2 2 6 6
--R
        (330b c + 24a b c)d x + (462b c + 84a b c)d x
--R
--R
                   23 2 5 5 3 7 2 4
                                                          2 44
             3 6
--R
        (462b c + 168a b c + 3a b)d x + (330b c + 210a b c + 15a b c)d x
--R
--R
             3 8
                 25 2 2 3 3
--R
        (165b c + 168a b c + 30a b c)d x
--R
--R
            3 9
                    2 6
                            2 3 3 2 2
--R
        (55b c + 84a b c + 30a b c + a)d x
--R
                            2 4 3
--R
            3 10 2 7
                                              3 11 2 8 2 5
--R
        (11b c + 24a b c + 15a b c + 2a c)d x + b c + 3a b c + 3a b c
--R
--R
         3 2
--R
        ас
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1220
--S 1221 of 1394
r0:=(-14/9)/(a^3*d*(c+d*x))+1/6/(a*d*(c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+_
    7/18/(a^2*d*(c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^3))+14/27*b^(1/3)*log(a^(1/3)+_
    b^{(1/3)*(c+d*x))/(a^{(10/3)*d}-7/27*b^{(1/3)*log(a^{(2/3)}-1)}
    a^{(1/3)*b^{(1/3)*(c+d*x)+b^{(2/3)*(c+d*x)^2)/(a^{(10/3)*d)}+_}
    14/9*b^(1/3)*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/_
    (a^{(1/3)}*sqrt(3)))/(a^{(10/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
```

```
--R
   (2)
            277 2 66 2255 23 44
--R
--R
         -14b d x - 98b c d x - 294b c d x + (-490b c - 28a b) d x
--R
              2 4 3 3 2 5 2 2 2
--R
--R
          (-490b c - 112a b c)d x + (-294b c - 168a b c)d x
--R
--R
                            2
                                   2 7
                       3
         (- 98b c - 112a b c - 14a )d x - 14b c - 28a b c - 14a c
--R
--R
         +-+3+-+ 2 2
--R
                            2 3+-+2
                                            3+-+3+-+ 3+-+2
        --R
--R
                  2 6 6 2 2 5 5
                                       2 3
--R
         28b d x + 196b c d x + 588b c d x + (980b c + 56a b)d x
--R
--R
--R
                   3 3 2 5
--R
         (980b c + 224a b c)d x + (588b c + 336a b c)d x
--R
--R
                  3
                           2 27 4
--R
         (196b c + 224a b c + 28a )d x + 28b c + 56a b c + 28a c
--R
--R
         +-+3+-+
                       3+-+ 3+-+
--R
        \label{log} $$    (d x + c) \le + \le 
--R
             277 2 66 2255 23 44
--R
--R
         - 84b d x - 588b c d x - 1764b c d x + (-2940b c - 168a b)d x
--R
                    3 3
--R
              2 4
                                2 5
--R
         (-2940b c - 672a b c)d x + (-1764b c - 1008a b c)d x
--R
              26 3 2 27 4 2
--R
--R
         (- 588b c - 672a b c - 84a )d x - 84b c - 168a b c - 84a c
--R
--R
                      3+-+ 3+-+
        3+-+ (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
        \|b atan(-----)
--R
--R
                    +-+3+-+
--R
                   \|3 \|a
--R
                   2 5 5 2 2 4 4
                                         2 3
--R
         -84b d x - 504b c d x - 1260b c d x + (-1680b c - 147a b)d x
--R
--R
--R
              2.4
                          2 2
                                2 5
         (- 1260b c - 441a b c)d x + (- 504b c - 441a b c )d x - 84b c
--R
--R
--R
             3 2
         - 147a b c - 54a
--R
--R
--R
        +-+3+-+
```

```
--R
       \|3 \|a
--R /
         3 2 8 7 3 2 7 6 3 2 2 6 5 3 2 3 4 5 4
--R
--R
        54a b d x + 378a b c d x + 1134a b c d x + (1890a b c + 108a b)d x
--R
--R
             3 2 4
                    4 4 3
                                  3 2 5
--R
        (1890a b c + 432a b c) d x + (1134a b c + 648a b c) d x
--R
           3 2 6 4 3 5 2 3 2 7 4 4
--R
--R
        (378a b c + 432a b c + 54a )d x + (54a b c + 108a b c + 54a c)d
--R
       +-+3+-+
--R
--R
       \|3 \|a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1221
--S 1222 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           277 2 66 2255 23 44
--R
--R
          28b d x + 196b c d x + 588b c d x + (980b c + 56a b)d x
--R
                  3 3 2 5
--R
             2 4
--R
         (980b c + 224a b c)d x + (588b c + 336a b c)d x
--R
--R
             26 3 2 27 4 2
--R
         (196b c + 224a b c + 28a )d x + 28b c + 56a b c + 28a c
--R
            +-+ +-+2
--R
--R
         +-+ |b
                   |b
--R
        |3 3| - \log(a 3| - + b d x + b c)
--R
            \|a \|a
--R
            277 2 66 2255 23 44
--R
--R
         -14b d x - 98b c d x - 294b c d x + (-490b c - 28a b) d x
--R
--R
              2 4
                         3 3
                                   2 5
--R
         (- 490b c - 112a b c)d x + (- 294b c - 168a b c )d x
--R
--R
             2 6
                        3
                             2
                                     2 7
--R
         (- 98b c - 112a b c - 14a )d x - 14b c - 28a b c - 14a c
--R
--R
            +-+
                              +-+2 +-+
--R
         +-+ |b
                              |b |b
                                          2 2
--R
        |3| - \log((-adx - ac) 3| - + a3| - + bdx + 2bcdx + bc)
--R
            \|a
                              \|a \|a
--R
--R
```

```
--R
         84b d x + 588b c d x + 1764b c d x + (2940b c + 168a b)d x
--R
              2 4 3 3 2 5 2 2 2
--R
--R
          (2940b c + 672a b c)d x + (1764b c + 1008a b c)d x
--R
                   3
                                   2 7
--R
              2 6
                            2
--R
         (588b c + 672a b c + 84a )d x + 84b c + 168a b c + 84a c
--R
--R
                   +-+2
               +-+ |b
--R
              a|3 3|- + (- 2b d x - 2b c)|3
--R
--R
         |b
                \|a
--R
        3|- atan(-----)
--R
                           +-+2
--R
                           |b
--R
                        3a 31-
--R
                          \|a
--R
            266 255 2244 23 33
--R
         -84b d x - 504b c d x - 1260b c d x + (-1680b c - 147a b) d x
--R
--R
               24 22 25 2 26
--R
--R
         (- 1260b c - 441a b c)d x + (- 504b c - 441a b c)d x - 84b c
--R
             3 2
--R
          - 147a b c - 54a
--R
--R
--R
         +-+
--R
        \|3
--R /
          3 2 8 7 3 2 7 6 3 2 2 6 5 3 2 3 4 5 4
--R
--R
        54a b d x + 378a b c d x + 1134a b c d x + (1890a b c + 108a b)d x
--R
            3 2 4 4 4 3 3 2 5 4 2 3 2
--R
--R
        (1890a b c + 432a b c)d x + (1134a b c + 648a b c)d x
--R
           3 2 6 4 3 5 2 3 2 7 4 4
--R
--R
       (378a b c + 432a b c + 54a )d x + (54a b c + 108a b c + 54a c)d
--R
--R
--R
       \|3
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1222
--S 1223 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
       +-+3+-+ 2 2
                             2 3+-+2
                                      3+-+3+-+ 3+-+2
```

```
7\|3\\|b\|\log((dx + 2c dx + c)\|b\| + (-dx - c)\|a\|b\| + \|a\|
--R
--R
           +-+3+-+ 3+-+
--R
--R
        - 14\|3\\|b\|\log((d x + c)\|b\| + \|a\|)
--R
                +-+
                        +-+2
--R
         +-+3+-+ |b
--R
                        lъ
        14\|3\|a\|3| - \log(a\|3| - b\|d\|x + b\|c)
--R
--R
         \|a \|a
--R
--R
--R
           +-+3+-+ |b
--R
          7\|3 \|a 3|-
--R
--R
                   \|a
--R
                            +-+2 +-+
--R
                            +-+2 +-+
|b |b 2 2
--R
          log((- a d x - a c) 3|- + a 3|- + b d x + 2b c d x + b c)
--R
--R
                           \|a \|a
--R
--R
                          3+-+ 3+-+
--R
         3+-+ (2d x + 2c)\|b - \|a
        42\|b atan(-----)
--R
                      +-+3+-+
--R
--R
                      \|3 \|a
--R
--R
                         +-+2
                      +-+ |b
--R
--R
             +-+
                   a|3 3|- + (-2b d x - 2b c)|3
         3+-+ |b
--R
                   \|a
--R
        42\|a 3|- atan(-----)
--R
           \la
                                 +-+2
--R
                                  lъ
--R
                               3a 3|-
--R
                                  \|a
--R /
       3 +-+3+-+
--R
--R
      27a d\|3 \|a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1223
--S 1224 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1224
```

```
)clear all
--S 1225 of 1394
t0:=1/((c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3)^3)
--R
--R
--R
    (1)
--R
--R /
--R
         3 12 12 3 11 11 3 2 10 10
                                              3 3
--R
        bdx + 12bcdx + 66bcdx + (220bc + 3ab)dx
--R
                 2 8 8
                                            2277
--R
                                 3 5
--R
        (495b c + 27a b c)d x + (792b c + 108a b c)d x
--R
--R
                     23 2 66
                                        3 7
                                                   2 4
                                                           2
            3 6
--R
        (924b c + 252a b c + 3a b)d x + (792b c + 378a b c + 18a b c)d x
--R
--R
            3 8
                     2 5
                             2 2 4 4
--R
        (495b c + 378a b c + 45a b c)d x
--R
--R
            3 9
                 26 2 3 3 3 3
--R
        (220b c + 252a b c + 60a b c + a)d x
--R
--R
                   2 7
                             2 4 3 2 2
           3 10
        (66b c + 108a b c + 45a b c + 3a c)d x
--R
--R
--R
           3 11 2 8 2 5 3 2 3 12 2 9 2 6
--R
        (12b c + 27a b c + 18a b c + 3a c )d x + b c + 3a b c + 3a b c
--R.
--R
         3 3
--R
        a c
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1225
--S 1226 of 1394
r0:=(-10/9)/(a^3*d*(c+d*x)^2)+1/6/(a*d*(c+d*x)^2*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+_-
    4/9/(a^2*d*(c+d*x)^2*(a+b*(c+d*x)^3))-20/27*b^(2/3)*log(a^(1/3)+_
    b^{(1/3)*(c+d*x))/(a^{(11/3)*d})+10/27*b^{(2/3)*log(a^{(2/3)}-_
    a^{(1/3)*b^{(1/3)*(c+d*x)+b^{(2/3)*(c+d*x)^2)/(a^{(11/3)*d)}+}
    20/9*b^{(2/3)}*atan((a^{(1/3)}-2*b^{(1/3)}*(c+d*x))/(a^{(1/3)}*sqrt(3)))/_
    (a^{(11/3)}*d*sqrt(3))
--R.
--R
--R
     (2)
              288 277 2266
--R
                                                  2 3
                                                             5 5
--R
           20b d x + 160b c d x + 560b c d x + (1120b c + 40a b)d x
--R
                       4 4 2 5 2 3 3
--R
                 2 4
--R
            (1400b c + 200a b c)d x + (1120b c + 400a b c)d x
```

```
--R
       --R
--R
        (560b c + 400a b c + 20a )d x + (160b c + 200a b c + 40a c)d x
--R
         28 5 22
--R
        20b c + 40a b c + 20a c
--R
--R
                      2 3+-+2
--R
                2 2
       --R
--R
           288 277
                                        2 3
--R
                           2 2 6 6
        -40b d x - 320b c d x - 1120b c d x + (-2240b c - 80a b)d x
--R
--R
                             2 5
--R
                   4 4
        (-2800b c - 400a b c)d x + (-2240b c - 800a b c)d x
--R
--R
--R
             2 6
                     3
                          2 2 2
--R
        (- 1120b c - 800a b c - 40a )d x
--R
            27 4 2 28 5 22
--R
--R
        (- 320b c - 400a b c - 80a c)d x - 40b c - 80a b c - 40a c
--R
--R
        +-+3+-+2
                     3+-+ 3+-+
--R
       --R
            288 277 2266 23 55
--R
--R
         - 120b d x - 960b c d x - 3360b c d x + (- 6720b c - 240a b)d x
--R
                            2 5
--R
              2 4
                        4 4
--R
        (-8400b c - 1200a b c)d x + (-6720b c - 2400a b c)d x
--R
              2 6 3 2 2 2
--R
--R
        (- 3360b c - 2400a b c - 120a )d x
--R
                                   28 5 22
--R
            2 7
                      4
                          2
--R
        (- 960b c - 1200a b c - 240a c)d x - 120b c - 240a b c - 120a c
--R
--R
                    3+-+ 3+-+
       3+-+2 (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
--R
       \|b atan(-----)
--R
                   +-+3+-+
--R
                  \|3 \|a
--R
--R
           266 2 55 2244
                                     2 3 3 3
--R
        -60b d x - 360b c d x - 900b c d x + (-1200b c - 96a b) d x
--R
            24 22 25 2 26
--R
        (-900b c - 288a b c)d x + (-360b c - 288a b c)d x - 60b c
--R
--R
--R
             3 2
```

```
--R
          - 96a b c - 27a
--R
--R
         +-+3+-+2
--R
         \|3 \|a
--R /
          3 2 9 8 3 2 8 7 3 2 2 7 6 3 2 3 4 6 5
--R
--R
        54a b d x + 432a b c d x + 1512a b c d x + (3024a b c + 108a b)d x
--R
             3 2 4 4 5 4 3 2 5 4 2 4 3
--R
         (3780a b c + 540a b c)d x + (3024a b c + 1080a b c)d x
--R
--R
                     4 3
                               5 3 2
--R
              3 2 6
         (1512a b c + 1080a b c + 54a )d x
--R
--R
--R
            3 2 7 4 4 5 2 3 2 8 4 5 5 2
--R
        (432a b c + 540a b c + 108a c)d x + (54a b c + 108a b c + 54a c )d
--R
--R
        +-+3+-+2
--R
       \|3 \|a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1226
--S 1227 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
               288 277 2266 23 55
--R
--R
           - 20b d x - 160b c d x - 560b c d x + (- 1120b c - 40a b)d x
--R
                                   2 5
--R
                2.4
                             4 4
--R
           (-1400b c - 200a b c)d x + (-1120b c - 400a b c)d x
--R
                2 6 3 2 2 2
--R
--R
          (- 560b c - 400a b c - 20a )d x
--R
--R
               2 7
                          4
                               2
                                         2 8
--R
          (- 160b c - 200a b c - 40a c)d x - 20b c - 40a b c - 20a c
--R
--R
--R
          +-+ | b
--R
         \|3 |- --
--R.
             3| 2
--R
--R
             \| a
--R
--R
               +---+2
--R
              1 2
                                      1 2
             2 | b
                                     | b 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
         log(a | --- + (a b d x + a b c) | --- + b d x + 2b c d x + b c)
```

```
3| 2
           3| 2
--R
--R
                              \| a
           \| a
--R
           288 277 2266 23 55
--R
--R
         40b d x + 320b c d x + 1120b c d x + (2240b c + 80a b)d x
--R
             2 4 4 4 2 5 2 3 3
--R
--R
         (2800b c + 400a b c)d x + (2240b c + 800a b c)d x
--R
                  3 2 2 2 2 7 4
--R
--R
         (1120b c + 800a b c + 40a )d x + (320b c + 400a b c + 80a c)d x
--R
          28 5 22
--R
--R
         40b c + 80a b c + 40a c
--R
--R
           +---+
        --R
--R
--R
        | - - \log(-a | - - + b d x + b c)
         3| 2 3| 2
\| a \| a
--R
--R
--R
             288 2 77 2266 23 55
--R
--R
         -120b d x - 960b c d x - 3360b c d x + (-6720b c - 240a b) d x
--R
              2 4 4 4 2 5 2 3 3
--R
--R
         (-8400b c - 1200a b c)d x + (-6720b c - 2400a b c)d x
--R
--R
             2 6
                  3 2 2 2
--R
         (- 3360b c - 2400a b c - 120a )d x
--R
             27 4 2 28 5 22
--R
--R
        (- 960b c - 1200a b c - 240a c)d x - 120b c - 240a b c - 120a c
--R
--R
                   1 2
--R
--R
                +-+ | b
--R
               a|3 |---+ (2b d x + 2b c)|3
               3| 2
\| a
        | 2
--R
--R
--R
        |- -- atan(-----)
--R
        3| 2
--R.
        \| a
                          lъ
--R
--R
                        3a |- --
--R
                          3 | 2
--R
                          \| a
--R
            266 255 2244 23 33
--R
--R
         -60b d x - 360b c d x - 900b c d x + (-1200b c - 96a b) d x
```

```
--R
            24 22 25 2 26
--R
--R
          (-900b c - 288a b c)d x + (-360b c - 288a b c)d x - 60b c
--R
                3 2
--R
--R
          - 96a b c - 27a
--R
--R
        \13
--R
--R /
--R
          3 2 9 8 3 2 8 7 3 2 2 7 6 3 2 3 4 6 5
--R
        54a b d x + 432a b c d x + 1512a b c d x + (3024a b c + 108a b)d x
--R
             3 2 4 4 5 4 3 2 5 4 2 4 3
--R
--R
         (3780a b c + 540a b c)d x + (3024a b c + 1080a b c)d x
--R
--R
             3 2 6 4 3 5 3 2
--R
         (1512a b c + 1080a b c + 54a)d x
--R
           3 2 7 4 4 5 2 3 2 8 4 5 5 2
--R
--R
        (432a b c + 540a b c + 108a c)d x + (54a b c + 108a b c + 54a c )d
--R
--R
        +-+
--R
       \|3
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1227
--S 1228 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          +-+3+-+2 2 2 2 3+-+2
--R
                                                  3+-+3+-+ 3+-+2
       - 10\|3\|b\ \log((d x + 2c d x + c)\|b\ + (- d x - c)\|a\|b\ + \|a\|)
--R
--R
                   3+-+ 3+-+
--R
         +-+3+-+2
--R
      20 |3 |b log((d x + c)|b + |a )
--R
--R
--R
                 | 2
--R
             +-+ | b 3+-+2
--R
--R.
           10\|3 |- -- \|a
--R
                3| 2
--R
                \| a
--R
--R
                +---+2
                                      +---+
--R
               1 2
                                     1 2
                                     | b 2 2 2 2 2 2 2
              2 | b
--R
--R
          log(a \mid --- + (a b d x + a b c) \mid --- + b d x + 2b c d x + b c)
```

```
3| 2
                                    3| 2
--R
--R
                                    \| a
              \| a
--R
--R
         --R
--R
       --R
            3| 2 3| 2
\| a \| a
--R
--R
--R
--R
                         3+-+ 3+-+
         3+-+2 (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
       60\|b atan(-----)
--R
                      +-+3+-+
--R
--R
                      \|3 \|a
--R
--R
                             1 2
--R
--R
                         +-+ | b
                        a|3 |--- + (2b d x + 2b c)|3
--R
--R
            | 2
                            3| 2
                            \| a
--R
           l b 3+-+2
--R
       - 60 |- -- \|a atan(-----)
         3| 2
--R
           \| a
                                    1 2
--R
                                    l b
--R
                                  3a |- --
--R
                                    3| 2
--R
--R
                                    \| a
--R /
        3 +-+3+-+2
--R
     27a d\|3 \|a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1228
--S 1229 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1229
)clear all
--S 1230 of 1394
t0:=1/((c+d*x)^4*(a+b*(c+d*x)^3)^3)
--R
--R
--R (1)
```

```
--R
--R /
--R
        3 13 13 3 12 12 3 2 11 11 3 3 2 10 10
--R
       b d x + 13b c d x + 78b c d x + (286b c + 3a b) d x
--R
                2 9 9
--R
           3 4
                               3 5
                                          2 2 8 8
--R
       (715b c + 30a b c)d x + (1287b c + 135a b c)d x
--R
                                      3 7 2 4 2
                     23 2 77
--R
            3 6
--R
       (1716b c + 360a b c + 3a b)d x + (1716b c + 630a b c + 21a b c)d x
--R
                            2 2 5 5
--R
                     2 5
            3 8
        (1287b c + 756a b c + 63a b c)d x
--R
--R
--R
           3 9
                  2 6
                            2 3 3 4 4
--R
        (715b c + 630a b c + 105a b c + a)d x
--R
--R
                     2 7
                             2 4 3 3 3
           3 10
--R
        (286b c + 360a b c + 105a b c + 4a c)d x
--R
--R
                  2 8
                           2 5
                                   3 2 2 2
           3 11
--R
       (78b c + 135a b c + 63a b c + 6a c)d x
--R
--R
          3 12 2 9 2 6 3 3 3 13 2 10 2 7
--R
        (13b c + 30a b c + 21a b c + 4a c)d x + b c + 3a b c + 3a b c
--R
--R
        3 4
--R
        ас
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1230
--S 1231 of 1394
r0:=(-1)/(a^3*d*(c+d*x)^3)+1/6/(a*d*(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+_
    1/2/(a^2*d*(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3))-_
    3*b*log(c+d*x)/(a^4*d)+b*log(a+b*(c+d*x)^3)/(a^4*d)
--R
--R
--R
    (2)
            3 9 9
--R
                    3 8 8
                              3 2 7 7
                                           3 3 2 6 6
--R
           6b d x + 54b c d x + 216b c d x + (504b c + 12a b) d x
--R
--R
              3 4
                    2 5 5
                                 3 5
                                            2 2 4 4
--R.
           (756b c + 72a b c)d x + (756b c + 180a b c)d x
--R
--R
              3 6
                     2 3
                             2 3 3
--R
           (504b c + 240a b c + 6a b)d x
--R
--R
                              2 2 2
              3 7
                     2 4
--R
          (216b c + 180a b c + 18a b c)d x
--R
```

```
38 25 22 39 26 23
--R
--R
          (54b c + 72a b c + 18a b c )d x + 6b c + 12a b c + 6a b c
--R
--R
              3 3
                      2 2
                             2
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
              3 9 9 3 8 8 3 2 7 7 3 3 2 6 6
--R
--R
          - 18b d x - 162b c d x - 648b c d x + (- 1512b c - 36a b )d x
--R
                                   3 5
--R
               3 4
                        2 5 5
                                              2 2 4 4
          (- 2268b c - 216a b c)d x + (- 2268b c - 540a b c )d x
--R
--R
                        2 3
                               2 3 3
--R
                3 6
--R
          (- 1512b c - 720a b c - 18a b)d x
--R
--R
               3 7
                       2 4
                              2 22
--R
          (- 648b c - 540a b c - 54a b c)d x
--R
                              2 2 3 9 2 6 2 3
--R
              38 25
--R
          (- 162b c - 216a b c - 54a b c )d x - 18b c - 36a b c - 18a b c
--R
--R
         log(d x + c)
--R
--R
          266 255 2244 23 233
--R
       - 6a b d x - 36a b c d x - 90a b c d x + (- 120a b c - 9a b) d x
--R
                 2 22
--R
             2 4
                            2 5
                                        2 2
--R
       (-90a b c - 27a b c) d x + (-36a b c - 27a b c) d x - 6a b c
--R
--R
         2 3 3
--R
       - 9a b c - 2a
--R /
        4 2 10 9 4 2 9 8 4 2 2 8 7 4 2 3 5 7 6
--R
--R
       6a b d x + 54a b c d x + 216a b c d x + (504a b c + 12a b)d x
--R
          4 2 4 5 6 5 4 2 5
--R
                                        5 2 5 4
--R
       (756a b c + 72a b c)d x + (756a b c + 180a b c)d x
--R
--R
          4 2 6 5 3 6 4 3 4 2 7 5 4
--R
       (504a b c + 240a b c + 6a )d x + (216a b c + 180a b c + 18a c)d x
--R
--R
         4 2 8
                 5 5 622
                                   4 2 9 5 6 6 3
--R
       (54a b c + 72a b c + 18a c )d x + (6a b c + 12a b c + 6a c )d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1231
--S 1232 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R (3)
           3 9 9 3 8 8 3 2 7 7 3 3 2 6 6
--R
--R
          6b d x + 54b c d x + 216b c d x + (504b c + 12a b) d x
--R
              3 4 2 5 5 3 5 2 2 4 4
--R
--R
          (756b c + 72a b c)d x + (756b c + 180a b c)d x
--R
--R
             3 6
                      23 2 33
          (504b c + 240a b c + 6a b)d x
--R
--R
             3 7
                            2 22
--R
                   2 4
--R
          (216b c + 180a b c + 18a b c)d x
--R
                                              26 2 3
--R
                    2 5
                           2 2
                                      3 9
          (54b c + 72a b c + 18a b c )d x + 6b c + 12a b c + 6a b c
--R
--R
--R
             3 3
                      2 2
                             2
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
             3 9 9 3 8 8 3 2 7 7
                                            3 3 2 6 6
--R
          -18b d x - 162b c d x - 648b c d x + (-1512b c - 36a b) d x
--R
--R
               3 4
                    2 5 5 3 5
                                            2 2 4 4
--R
          (-2268b c - 216a b c)d x + (-2268b c - 540a b c)d x
--R
                3 6 2 3 2 3 3
--R
--R
          (- 1512b c - 720a b c - 18a b)d x
--R
--R
               3 7
                   2 4
                              2
--R
          (-648b c - 540a b c - 54a b c)d x
--R
               38 25 22 39 26 23
--R
--R
          (- 162b c - 216a b c - 54a b c )d x - 18b c - 36a b c - 18a b c
--R
--R
         log(d x + c)
--R
--R
                    2 5 5
           266
                               2 2 4 4
                                              23 2 33
--R
       - 6a b d x - 36a b c d x - 90a b c d x + (- 120a b c - 9a b)d x
--R
                  2
--R
             2 4
                       2 2
                                  2 5
                                         2 2
       (- 90a b c - 27a b c)d x + (- 36a b c - 27a b c )d x - 6a b c
--R
--R
--R.
         2 3 3
--R
       - 9a b c - 2a
--R /
--R
        4 2 10 9 4 2 9 8 4 2 2 8 7 4 2 3 5 7 6
--R
       6a b d x + 54a b c d x + 216a b c d x + (504a b c + 12a b)d x
--R
          424 5 65 425 5254
--R
--R
       (756a b c + 72a b c)d x + (756a b c + 180a b c)d x
```

```
--R
            4 2 6 5 3 6 4 3 4 2 7 5 4 6 3 2
--R
--R
        (504a b c + 240a b c + 6a)d x + (216a b c + 180a b c + 18a c)d x
--R
           428 5 5 622 429 5 6 63
--R
--R
        (54a b c + 72a b c + 18a c )d x + (6a b c + 12a b c + 6a c )d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1232
--S 1233 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1233
--S 1234 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1234
)clear all
--S 1235 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)^4/(a+b*(c+d*x)^3)
--R
--R
--R
         4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
        dex + 4cdex + 6cdex + 4cdex + ce
--R
   (1) -----
--R
              3 3 2 2 2
--R
           bdx + 3bcdx + 3bcdx + bc + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1235
--S 1236 of 1394
r0:=1/2*e^4*(c+d*x)^2/(b*d)+1/3*a^(2/3)*e^4*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_
    (b^{(5/3)*d})-1/6*a^{(2/3)*e^4*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)*b^{(1/3)}*(c+d*x)}+_
    b^{(2/3)*(c+d*x)^2}/(b^{(5/3)*d})+a^{(2/3)*e^4*atan((a^{(1/3)}-_
    2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(b^(5/3)*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
   (2)
--R
           4 +-+3+-+2 2 2
                                      2 3+-+2
                                                        3+-+3+-+ 3+-+2
--R
        - e \|3 \|a log((d x + 2c d x + c )\|b + (- d x - c)\|a \|b + \|a )
--R
```

```
4 +-+3+-+2 3+-+ 3+-+
--R
--R
       2e |3 \leq \log((d x + c)|b + |a|)
--R
--R
                               3+-+ 3+-+
--R
         4 3+-+2 (2d x + 2c) | b - | a
--R
        - 6e \|a atan(-----)
--R
                            +-+3+-+
--R
                           \|3 \|a
--R
         2 4 2
                   4
                           2 4 +-+3+-+2
--R
--R
       (3d e x + 6c d e x + 3c e) | 3 | b
--R /
--R
         +-+3+-+2
--R
      6b d\|3 \|b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1236
--S 1237 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                         +--+2
               | 2
                         | 2
--R
         4 +-+ |a
--R
                         Ιa
        2e \| -- \log(b -- + a d x + a c) \|
--R
--R
               3| 2
                        3| 2
--R
              \|b
                        \|b
--R
--R
--R
                   1 2
--R
             4 +-+ |a
--R
--R
            e \|3 |--
--R
                  3| 2
--R
                  \|b
--R
                              +--+2 +--+
--R
                              1 2
                                      1 2
--R
                                           2 2
--R
                              Ιa
                                      la
            log((-bdx-bc) |--+adx+2acdx+ac)
--R
                             3| 2
--R
                                     3 | 2
--R
                             \|Ъ
                                     \|b
--R
--R
                          +--+2
                         | 2
--R
--R
                     +-+ |a
--R
                    b|3 -- + (- 2a d x - 2a c)|3
--R
            | 2
                         3| 2
          4 |a
--R
                         \|b
```

```
6e |-- atan(-----)
--R
--R
           3| 2
                                +--+2
--R
          \|b
                                | 2
--R
                                Ιa
--R
                             3ъ |--
--R
                               3| 2
--R
                                \|b
--R
         2 4 2 4 +-+
--R
      (3d e x + 6c d e x) \setminus |3
--R
--R /
--R
--R
      6b d\|3
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 1237
--S 1238 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        4 +-+3+-+2 2 2 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
       e \|3 \|a log((d x + 2c d x + c )\|b + (- d x - c)\|a \|b + \|a )
--R
--R
          4 +-+3+-+2
                            3+-+ 3+-+
--R
        - 2e |3 \leq \log((d x + c)|b + |a|)
--R
--R
              | 2
                        | 2
|a
--R
--R
         4 +-+ |a 3+-+2
        2e \| = \| - \| b \| \log(b \| - + a d x + a c)
--R
--R
              3 | 2 | 3 | 2
--R
             \|b
                          \|b
--R
--R
                  +--+
--R
                  1 2
--R
            4 +-+ |a 3+-+2
--R
            --R
--R
                 3| 2
--R
                 \|b
--R
                            +--+2 +--+
--R
                            | 2 | 2
--R
                                   |a 22 2
--R
                            |a
           log((-bdx-bc) |-- +a |-- +adx + 2acdx +ac)
--R
--R
                            3 | 2 | 3 | 2
--R
                            \|b
                                  \|b
--R
--R
                            3+-+ 3+-+
```

```
--R
         4 3+-+2 (2d x + 2c) | b - | a
       6e \|a atan(-----)
--R
--R
                        +-+3+-+
--R
                       \|3 \|a
--R
                           +--+2
--R
--R
                           1 2
--R
                       +-+ |a
                     --R
--R
           1 2
                          3| 2
        4 |a 3+-+2
--R
                         \|b
                                                     2 4 +-+3+-+2
       6e |-- \|b atan(------ - 3c e \|3 \|b
--R
          3| 2
                                   +--+2
--R
                                   1 2
--R
          \|b
--R
                                   Ιa
--R
                                3b |--
--R
                                  3| 2
--R
                                  \|b
--R /
--R
         +-+3+-+2
--R
      6b d\|3 \|b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1238
--S 1239 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1239
)clear all
--S 1240 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)^3/(a+b*(c+d*x)^3)
--R
--R
          3 3 3
                  2 3 2 2 3
--R
                                  3 3
--R
         dex + 3cdex + 3cdex + ce
--R
--R
         3 3 2 2 2
--R.
       bdx + 3bcdx + 3bcdx + bc + a
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1240
--S 1241 of 1394
1/6*a^(1/3)*e^3*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*(c+d*x)+b^(2/3)*_
   (c+d*x)^2)/(b^(4/3)*d)+a^(1/3)*e^3*atan((a^(1/3)-_
```

```
2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(b^(4/3)*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
   (2)
     3 +-+3+-+ 2 2 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
       e |3 | a log((d x + 2c d x + c)|b + (-d x - c)|a |b + |a )
--R
--R
          3 +-+3+-+
                            3+-+ 3+-+
      - 2e \|3 \|a log((d x + c)\|b + \|a )
--R
--R
--R
                             3+-+ 3+-+
          3 3+-+ (2d x + 2c) | b - | a
                                         3 +-+3+-+
--R
       - 6e \|a atan(-----+ 6d e x\|3 \|b
--R
--R
                          +-+3+-+
--R
                          \|3 \|a
--R /
--R
         +-+3+-+
--R
      6b d\|3 \|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1241
--S 1242 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
       +---+ +---+2 +---+

3 +-+ | a | a | a 2 2 2

- e \|3 3|- - log(3|- - + (d x + c) 3|- - + d x + 2c d x + c)
--R
--R
--R
--R
          \| b \| b \| b
--R
       +---+ +---+
3 +-+ | a | a
--R
--R
      2e |3 3| - \log(-3| - + dx + c)
--R
--R
             \| b \| b
--R
--R
                          +---+
                      +-+ | a +-+
--R
                     |3 3| - + (2d x + 2c)|3
--R
          3 | a
                      \| b
--R
--R
        - 6e 3|- - atan(------+ 6d e x\|3
           \| b
--R
                                 +---+
--R
                                 | a
                               3 3|- -
--R
--R
                                 \| b
--R /
--R
      6b d\|3
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1242
```

```
--S 1243 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
         3 +-+3+-+ 2 2 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
      - e \|3 \|a log((d x + 2c d x + c )\|b + (- d x - c)\|a \|b + \|a )
--R
       3 +-+3+-+
--R
                        3+-+ 3+-+
--R
      2e \|3 \|a log((d x + c)\|b + \|a )
--R
      --R
--R
--R
--R
--R
                        +---+
--R
             +---+
       3 +-+ | a 3+-+ | a
--R
       2e |3 3| - |b \log(-3| - + d x + c)
--R
--R
       \| b \| b
--R
--R
                        3+-+ 3+-+
       3 3+-+ (2d x + 2c) | b - | a
--R
--R
       6e \|a atan(-----)
                      +-+3+-+
--R
--R
                      \|3 \|a
--R
--R
                          +---+
                       +-+ | a +-+
--R
--R
           +---+
                      |3 3| - + (2d x + 2c)|3
         3 | a 3+-+ \| b
--R
--R
       - 6e 3|- - \|b atan(-----)
--R
          \| b
--R
                                | a
                               3 3 | - -
--R
                                \| b
--R
--R /
       +-+3+-+
--R
--R
     6b d\|3 \|b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1243
--S 1244 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1244
```

```
)clear all
--S 1245 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)^2/(a+b*(c+d*x)^3)
--R
--R
              2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
             d e x + 2c d e x + c e
--R (1) -----
--R
         3 3 2 2 2 3
       bdx + 3bcdx + 3bcdx + bc + a
--R
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1245
--S 1246 of 1394
r0:=1/3*e^2*log(a+b*(c+d*x)^3)/(b*d)
--R
--R
        2 33 22 2 3
--R
      e log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
--R
                         3b d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1246
--S 1247 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        2 33 22 2 3
--R
--R
        e log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
   (3) -----
--R
                         3b d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1247
--S 1248 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1248
--S 1249 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1249
)clear all
--S 1250 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)/(a+b*(c+d*x)^3)
--R
--R
--R
                     dex+ce
--R
     (1) -----
          3 3 2 2 2 3
--R
         bdx + 3bcdx + 3bcdx + bc + a
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1250
--S 1251 of 1394
r0:=-1/3*e*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*b^(2/3)*d)+_{\_}
    1/6*e*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*(c+d*x)+b^(2/3)*(c+d*x)^2)/_
    (a^{(1/3)*b^{(2/3)*d}}-e*atan((a^{(1/3)-2*b^{(1/3)*(c+d*x))})_{-}
    (a^{(1/3)}*sqrt(3)))/(a^{(1/3)}*b^{(2/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
          +-+ 2 2
                                         3+-+3+-+ 3+-+2
--R
                               2 3+-+2
        e\1 \log((d x + 2c d x + c)\b + (-d x - c)\a \b + \a )
--R
--R
--R
                                                       3+-+ 3+-+
                          3+-+ 3+-+
--R
                                              (2d x + 2c) | b - | a
--R
        - 2e\|3 log((d x + c)\|b + \|a ) + 6e atan(-----)
--R
                                                     +-+3+-+
--R
                                                    \|3 \|a
--R /
--R
         +-+3+-+3+-+2
--R
      6d\|3 \|a \|b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1251
--S 1252 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R.
     (3)
--R
--R
              +-+
--R
            e\|3
--R
--R
                                 2 2 2 3 2 3 2
                      31 2
--R
           log((d x + c))|-ab + (b d x + 2b c d x + b c)|-ab - a b)
--R
```

```
--R
--R
        +-+ 3| 2
--R
--R
       2e\|3 \log((d x + c)\| - a b + a b)
--R
--R
                         +----+2
                      +-+3| 2
--R
--R
              (2d x + 2c) |3 |- a b - a b|3
       - 6e atan(-----)
--R
--R
                         3a b
--R /
--R
      +-+3| 2
--R
     6d\|3 \|- a b
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1252
--S 1253 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
           +-+3| 2
--R
          e\|3 \|- a b
--R
--R
              2 2 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
          log((d x + 2c d x + c) | b + (-d x - c) | a | b + | a )
--R
--R
         +-+3| 2 3+-+ 3+-+
--R
--R
       2e |3 |- a b log((d x + c)|b + |a)
--R
--R
           +-+3+-+3+-+2
--R
--R
          e\|3 \|a \|b
--R
                  --R
         --R
--R
--R
--R
                           +----+2
                           3| 2
--R
         +-+3+-+3+-+2
--R
       2e |3 |a |b log((d x + c)|- a b + a b)
--R
--R
                          3+-+ 3+-+
--R
         3 | 2 \qquad (2d x + 2c) | b - | a
       - 6e\|- a b atan(-----)
--R
--R
                         +-+3+-+
```

```
\|3 \|a
--R
--R
                              +----+2
+-+3| 2 +-+
--R
--R
         3+-+3+-+2 (2d x + 2c)\|3 \|- a b - a b\|3
--R
--R
       - 6e\|a \|b atan(-----)
--R
                                 3a b
--R /
        +----+
--R
       +-+3| 2 3+-+3+-+2
--R
     6d\|3 \|- a b \|a \|b
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1253
--S 1254 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1254
)clear all
--S 1255 of 1394
t0:=1/((c*e+d*e*x)*(a+b*(c+d*x)^3))
--R
--R
--R
   (1)
--R
                           1
--R ------
--R 4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R b d e x + 4b c d e x + 6b c d e x + (4b c + a)d e x + (b c + a c)e
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1255
--S 1256 of 1394
r0:=log(c+d*x)/(a*d*e)-1/3*log(a+b*(c+d*x)^3)/(a*d*e)
--R
--R
--R
              3 3
                    2 2 2
--R
        - \log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a) + 3\log(d x + c)
--R
--R
                               3a d e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1256
--S 1257 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
                3 3 2 2 2 3
--R
     -\log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a) + 3\log(d x + c)
--R
--R
    (3) -----
--R
                                   3a d e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1257
--S 1258 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
    (4) 0
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1258
--S 1259 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1259
)clear all
--S 1260 of 1394
t0:=1/((c*e+d*e*x)^2*(a+b*(c+d*x)^3))
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
          5 2 5 4 2 4 2 3 2 3 3 2 2 2
--R
--R
       b d e x + 5b c d e x + 10b c d e x + (10b c + a)d e x
--R
                            5 2 2
--R
                      2
        (5b c + 2a c)d e x + (b c + a c)e
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1260
--S 1261 of 1394
r0:=(-1)/(a*d*e^2*(c+d*x))+1/3*b^(1/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_
    (a^{(4/3)}*d*e^{(2)}-1/6*b^{(1/3)}*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)}*b^{(1/3)}*_
    (c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^{2}/(a^{(4/3)}*d*e^{2})+b^{(1/3)}*_{-}
    atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^{(4/3)}*d*e^{2*sqrt(3)})
--R
--R
--R (2)
```

```
--R
                 +-+3+-+
--R
        (-d x - c) |3 |b
--R
         2 2
                  2 3+-+2
                                 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
        log((d x + 2c d x + c) | b + (-d x - c) | a | b + | a )
--R
               +-+3+-+ 3+-+
--R
--R
      (2d x + 2c) | 3 | b log((d x + c) | b + | a)
--R
                               3+-+ 3+-+
--R
--R
                 3+-+ (2d x + 2c)\|b - \|a
                                           +-+3+-+
--R
       (- 6d x - 6c)\|b atan(-----) - 6\|3 \|a
                             +-+3+-+
--R
--R
                             \|3 \|a
--R /
--R
        2 2
              2 +-+3+-+
--R
      (6a d e x + 6a c d e) | 3 | a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1261
--S 1262 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                          +-+2
--R
                    +-+
               +-+ |b |b
--R
       (2d x + 2c) |3 3| - log(a 3| - + b d x + b c)
--R
--R
                  \|a \|a
--R
--R
--R
                 +-+ |b
--R
        (-dx-c)|33|-
--R
                    \|a
--R
                        +-+2 +-+
|b |b 22
--R
--R
        log((-adx-ac)3|-+a3|-+bdx+2bcdx+bc)
--R
                        \|a
--R
                             \|a
--R
--R
                            +-+2
                        +-+ |b
--R
--R
                       a|3 3|- + (- 2b d x - 2b c)|3
                       \|a
--R
                 lъ
--R
       --R
                                   +-+2
--R
                                    |b
--R
                                 3a 3|-
--R
                                   \|a
--R /
```

```
2 2 2 +-+
--R
    (6a d e x + 6a c d e) | 3
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1262
--S 1263 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
       +-+3+-+ 2 2 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
      --R
         +-+3+-+
                        3+-+ 3+-+
--R
--R
      - 2\|3\\|b\|\log((d x + c)\|b\| + \|a\|)
--R
        +-+2
+-+3+-+ |b |b
--R
--R
--R
       2|3 |a 3| - \log(a 3| - b d x + b c)
--R
           \|a \|a
--R
--R
--R
          +-+3+-+ |b
--R
--R
           \|3 \|a 3|-
--R
             \|a
--R
                         +-+2 +-+
|b |b 2 2 2 2
--R
--R
         log((- a d x - a c) 3|- + a 3|- + b d x + 2b c d x + b c)
--R
--R
                        \|a \|a
--R
--R
                      3+-+ 3+-+
       3+-+ (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
--R
       6\|b atan(-----)
                   +-+3+-+
--R
--R
                   \|3 \|a
--R
--R
                      +-+2
                   +-+ |b
--R
                  a|3 3|- + (- 2b d x - 2b c)|3
--R
--R
       3+-+ |b
                  \|a
--R
       6\|a 3|- atan(-----)
                              +-+2
--R
          \|a
--R
                              |b
--R
                            3a 3|-
--R
                              \|a
--R /
        2 +-+3+-+
--R
--R
     6a d e \|3 \|a
```

```
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1263
--S 1264 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1264
)clear all
--S 1265 of 1394
t0:=1/((c*e+d*e*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3))
--R
--R.
--R
    (1)
--R
      1
--R /
           6 3 6 5 3 5 2 4 3 4 3 3 3 3
--R
--R
         b d e x + 6b c d e x + 15b c d e x + (20b c + a)d e x
--R
--R
              4 232 5 23 6 33
         (15b c + 3a c)d e x + (6b c + 3a c)d e x + (b c + a c)e
--R
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1265
--S 1266 of 1394
r0:=(-1/2)/(a*d*e^3*(c+d*x)^2)-1/3*b^(2/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_
    (a^{(5/3)}*d*e^3)+1/6*b^(2/3)*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*(c+d*x)+_
    b^{(2/3)*(c+d*x)^2}/(a^{(5/3)*d*e^3}+b^{(2/3)*atan((a^{(1/3)}-_
    2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(5/3)*d*e^3*sqrt(3))
--R
--R
     (2)
--R
--R
                           2 +-+3+-+2
            2 2
--R
           (d x + 2c d x + c) | 3 | b
--R
--R
                               2 3+-+2
                                                  3+-+3+-+ 3+-+2
--R
          log((d x + 2c d x + c) | b + (-d x - c) | a | b + | a )
--R
--R.
                             2 +-+3+-+2
                                                   3+-+ 3+-+
             2 2
--R
         (-2d x - 4c d x - 2c) | 3 | b log((d x + c) | b + |a)
--R
--R
                                                    3+-+ 3+-+
--R
                              2 3+-+2
                                         (2d x + 2c) \mid b - \mid a
--R
         (-6d x - 12c d x - 6c) \le atan(-----) - 3 \le atan(-----)
                                                 +-+3+-+
--R
--R
                                                \|3 \|a
```

```
--R /
--R 3 3 2 2 3 2 3 +-+3+-+2
--R
     (6a d e x + 12a c d e x + 6a c d e) | 3 | a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1266
--S 1267 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
--R
           2 2 2 +-+ | b
--R
--R
         3| 2
\| a
--R
--R
--R
--R
               +---+2
                                     +---+
               1 2
                                      1 2
--R
                                    | b 2 2 2 2 2 2 2
--R
            2 | b
--R
         log(a | --- + (a b d x + a b c) | --- + b d x + 2b c d x + b c)
--R
              3 | 2
                                    3| 2
--R
               \| a
                                     \| a
--R
                       +---+ +---+
| 2 | 2
2 +-+ | b | b
--R
--R
--R
--R
        (2d x + 4c d x + 2c) | 3 | - -- log(- a | - -- + b d x + b c)
                             3| 2 3| 2
\| a \| a
--R
--R
--R
--R
--R
                                           | 2
--R
                                        +-+ | b
                                      a\|3 --- + (2b d x + 2b c)\|3
--R
                                      3| 2
\| a
                             1 2
--R
                          2 | b
--R
        (- 6d x - 12c d x - 6c ) |- -- atan(------)
3| 2 +----+
--R
--R
                                                   | 2
| b
                             \| a
--R
--R
--R
                                                 3a |- --
--R
                                                   3| 2
--R
                                                   \| a
--R
--R
         +-+
--R
        - 3\|3
--R /
        3 3 2 2 3 2 3 +-+
--R
```

```
--R
    (6a d e x + 12a c d e x + 6a c d e) | 3
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1267
--S 1268 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
         +-+3+-+2 2 2 2 3+-+2
--R
                                                3+-+3+-+ 3+-+2
--R
       - \ \log((d x + 2c d x + c) + (-d x - c) + (b + a)
--R
        +-+3+-+2 3+-+ 3+-+
--R
--R
       2|3 \leq \log((d x + c)|b + |a|)
--R
--R
--R
               +---+
--R
               1 2
           +-+ | b 3+-+2
--R
           \|3 |- -- \|a
--R
--R
               3| 2
--R
               \| a
--R
--R
               1 2
                                     1 2
--R
             2 | b
                                     | b 2 2 2 2 2 2 2
--R
          log(a |--- + (a b d x + a b c) |--- + b d x + 2b c d x + b c )
--R
--R
               3| 2
                                     3| 2
--R
              \| a
                                     \| a
--R
--R
            1 2
--R
         +-+ | b 3+-+2 | b
--R
--R
       2|3 |--|a| \log(-a |---+b| d| x + b| c)
--R
            3 | 2 | 3 | 2
            \| a
--R
                          \| a
--R
--R
                        3+-+ 3+-+
       3+-+2 (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
       6\|b atan(-----)
--R
--R
                      +-+3+-+
--R
                     \|3 \|a
--R
--R
--R
                             1 2
--R
                         +-+ | b
--R
                       a = -- + (2b d x + 2b c) | 3
--R
           1 2
                           3| 2
           | b 3+-+2 \| a
--R
       - 6 |- -- \|a atan(-----)
--R
```

```
--R
           3 | 2
--R
           \| a
                                         1 2
--R
                                         | b
--R
                                      3a |- --
--R
                                        3| 2
--R
                                        \| a
--R /
--R
          3 +-+3+-+2
--R
      6a d e \|3 \|a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1268
--S 1269 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1269
)clear all
--S 1270 of 1394
t0:=1/((c*e+d*e*x)^4*(a+b*(c+d*x)^3))
--R
--R
--R
    (1)
--R
--R /
          7 4 7 6 4 6 2 5 4 5 3 4 4 4
--R
--R
       b d e x + 7b c d e x + 21b c d e x + (35b c + a)d e x
--R
--R
                     3 4 3
                                 5 2 2 4 2
--R
        (35b c + 4a c)d e x + (21b c + 6a c)d e x + (7b c + 4a c)d e x
--R
          7 4 4
--R
--R
        (b c + a c )e
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1270
--S 1271 of 1394
r0\!:=\!(-1/3)/(a*d*e^4*(c+d*x)^3)-b*log(c+d*x)/(a^2*d*e^4)+\_
    1/3*b*log(a+b*(c+d*x)^3)/(a^2*d*e^4)
--R.
--R
--R
     (2)
            3 3 2 2 2 3
--R
--R
          (b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c)
--R
              3 3 2 2 2
--R
                                       3
```

```
--R
        log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
         3 3 2 2 2 3
--R
--R
       (-3b d x - 9b c d x - 9b c d x - 3b c) \log(d x + c) - a
--R /
      2 4 4 3 2 3 4 2 2 2 2 4 2 3 4
--R
      3adex + 9acdex + 9acdex + 3acde
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1271
--S 1272 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
           3 3 2 2 2
        (b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c )
--R
--R
            3 3 2 2 2 3
--R
        log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
          3 3 2 2 2 3
--R
--R
        (-3b d x - 9b c d x - 9b c d x - 3b c) log(d x + c) - a
--R /
       2 4 4 3 2 3 4 2 2 2 2 4
                                      234
--R
--R
      3adex + 9acdex + 9acdex + 3acde
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1272
--S 1273 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1273
--S 1274 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R.
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1274
)clear all
--S 1275 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)^4/(a+b*(c+d*x)^3)^2
--R
```

```
--R
--R
     (1)
--R
       4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4
--R
      dex + 4c dex + 6c dex + 4c dex + c e
--R /
--R
         266
                2 5 5
                           2 2 4 4
                                       2 3
--R
        b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b) d x
--R
                              2 5
--R
                      2 2
                                        2
                                                 2 6
--R
        (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c)d x + b c + 2a b c + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1275
--S 1276 of 1394
r0:=-1/3*e^4*(c+d*x)^2/(b*d*(a+b*(c+d*x)^3))-2/9*e^4*log(a^(1/3)+_
    b^{(1/3)*(c+d*x))/(a^{(1/3)*b^{(5/3)*d}+1/9*e^4*log(a^{(2/3)}-_
    a^{(1/3)*b^{(1/3)*(c+d*x)+b^{(2/3)*(c+d*x)^2)/(a^{(1/3)*b^{(5/3)*d})}}
    2/3*e^4*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^{(1/3)}*b^{(5/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
     (2)
--R
--R
             3 4 3 2 4 2 2 4 3 4 +-+
--R
          --R
                           2 3+-+2
                                              3+-+3+-+ 3+-+2
--R
               2 2
--R
          log((d x + 2c d x + c) \mid b + (-d x - c) \mid a \mid b + \mid a)
--R
--R
                3 4 3
                           2 4 2
                                      2
                                        4
                                                  .3
--R
          --R
--R
                     3+-+ 3+-+
--R
          log((d x + c) \mid b + \mid a)
--R
--R
              3 4 3
                          2 4 2
                                     2 4
--R
          (6b d e x + 18b c d e x + 18b c d e x + (6b c + 6a)e)
--R
--R
                       3+-+ 3+-+
--R
              (2d x + 2c) \mid b - \mid a
--R
          atan(-----)
--R
                     +-+3+-+
--R
                    \|3 \|a
--R.
--R.
            2 4 2
                       4
                              2 4 +-+3+-+2
        (- 3d e x - 6c d e x - 3c e )\|3 \|a \|b
--R
--R /
--R
         2 4 3
                 2 32
                            2 2 2
                                       2 3
                                                  +-+3+-+3+-+2
      (9b d x + 27b c d x + 27b c d x + (9b c + 9a b)d)\|3 \|a \|b
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1276
```

```
--S 1277 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
           3 4 3 2 4 2 2 4 3 4 +-+
--R
        --R
--R
--R
                 +----+2
                3 2 2 2
--R
                                        2 3 | 2
       log((d x + c))|- a b + (b d x + 2b c d x + b c)|- a b - a b)
--R
--R
                           2 4
--R
                 2 4 2
--R
        --R
--R
                 +----+2
                3| 2
--R
--R
        log((d x + c) | - a b + a b)
--R
           3 4 3 2 4 2 2 4 3 4
--R
--R
       (- 6b d e x - 18b c d e x - 18b c d e x + (- 6b c - 6a)e)
--R
--R
                     +----+2
--R
                   +-+3| 2
           (2d x + 2c) |3 |- a b - a b|3
--R
--R
        atan(-----)
--R
                     3a b
--R
--R
         2 4 2 4 2 4 +-+3| 2
--R
--R
      (-3d e x - 6c d e x - 3c e) | 3 | - a b
--R /
--R
       2 4 3 2 3 2 2 2 2
                                        +-+3| 2
--R
                              2 3
     (9b d x + 27b c d x + 27b c d x + (9b c + 9a b)d)\|3 \|- a b
--R
--R
                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1277
--S 1278 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R.
--R
   (4)
--R
--R
         4 +-+3| 2
--R
--R
         e \|3 \|- a b
--R
--R
              2 2
                        2 3+-+2
                                  3+-+3+-+ 3+-+2
```

```
log((d x + 2c d x + c)) + (-d x - c)|a|b + |a|
--R
--R
--R
            +----+
        4 +-+3| 2
--R
                              3+-+ 3+-+
--R
       2e |3 |- a b \log((d x + c)|b + |a )
--R
--R
--R
           4 +-+3+-+3+-+2
           e \|3 \|a \|b
--R
--R
                     +----+2
al 2 2 2
--R
                    3| 2
                                                2 3 | 2
--R
         log((d x + c))|- a b + (b d x + 2b c d x + b c)|- a b - a b)
--R
--R
--R
                               +----+2
         4 +-+3+-+3+-+2
--R
                              3| 2
--R
       2e |3 |a |b log((d x + c)|- a b + a b)
--R
--R
                                3+-+ 3+-+
          4 3 | 2 (2d x + 2c) |b - |a|
--R
--R
        - 6e \|- a b atan(-----)
--R
                             +-+3+-+
--R
                             \|3 \|a
--R
--R
                                   +----+2
                                 +-+3| 2 +-+
--R
          4 3+-+3+-+2  (2d x + 2c)\|3 \|- a b - a b\|3
--R
--R
        - 6e \|a \|b atan(-----)
--R
                                    3a b
--R /
--R
            +----+
       +-+3| 2 3+-+3+-+2
--R
--R
      9b d\|3 \|- a b \|a \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1278
--S 1279 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1279
)clear all
--S 1280 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)^3/(a+b*(c+d*x)^3)^2
--R
--R
```

```
--R
   (1)
     3 3 3 2 3 2 2 3 3 3
--R
--R
     d e x + 3c d e x + 3c d e x + c e
--R /
        266 2 55 2244 23 33
--R
--R
       b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b)d x
--R
--R
                   2 2
                          2 5
                                   2
--R
       (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c)d x + b c + 2a b c + a
--R
                                 Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1280
--S 1281 of 1394
r0:=-1/3*e^3*(c+d*x)/(b*d*(a+b*(c+d*x)^3))+1/9*e^3*log(a^(1/3)+_
   b^{(1/3)*(c+d*x))/(a^{(2/3)*b^{(4/3)*d}-1/18*e^3*log(a^{(2/3)}-_
   a^{(1/3)*b^{(1/3)*(c+d*x)+b^{(2/3)*(c+d*x)^2)/(a^{(2/3)*b^{(4/3)*d})}}
   1/3*e^3*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
   (a^{(2/3)}*b^{(4/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
    (2)
--R
             3 3 3 2 3 2 3 3
                                                3 +-+
--R
         --R
--R
             2 2
                         2 3+-+2
                                         3+-+3+-+ 3+-+2
        log((dx + 2c dx + c))|b + (-dx - c)|a|b + |a|
--R
--R
--R
            3 3 3 2 3 2 2 3
--R
         --R
--R
                  3+-+ 3+-+
--R
        log((d x + c)|b + |a)
--R
            3 3 3 2 3 2 2 3
--R
--R
         (6b d e x + 18b c d e x + 18b c d e x + (6b c + 6a)e)
--R
--R
                    3+-+ 3+-+
--R
            (2d x + 2c) | b - | a
--R
         atan(-----)
--R
                  +-+3+-+
--R
                 \|3 \|a
--R
--R.
            3
                 3 +-+3+-+2 3+-+
--R
       (-6d e x - 6c e) | 3 | a | b
--R /
--R.
        2 4 3
               2 3 2 2 2 2
                                   2 3
                                              +-+3+-+2 3+-+
--R
      --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1281
```

```
--S 1282 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
             3 3 3 2 3 2 2 3 3
--R
                                                  3 +-+
         (- b d e x - 3b c d e x - 3b c d e x + (- b c - a)e )\|3
--R
--R
--R
--R
             2 2
                          2 3 2
                                               3| 2
--R
         log((dx + 2c dx + c)|ab + (-adx - ac)|ab + a)
--R
             3 3 3 2 3 2 2 3
                                           3
                                                3 +-+
--R
         --R
--R
--R
                   +---+
--R
                   3| 2
--R
         log((d x + c)|a b + a)
--R
            3 3 3 2 3 2 2 3 3
--R
--R
         (6b d e x + 18b c d e x + 18b c d e x + (6b c + 6a)e)
--R
--R
                         +---+
--R
                      +-+3| 2
--R
             (2d x + 2c)\|3 \|a b - a\|3
--R
         atan(-----)
--R
                        3a
--R
--R
                         +---+
           3 3 +-+3| 2
--R
--R
       (-6d e x - 6c e) | 3 | a b
--R /
--R
                                                     +---+
         2 4 3 2 3 2 2 2 2 3
--R
                                                 +-+3| 2
--R
      (18b d x + 54b c d x + 54b c d x + (18b c + 18a b)d)\|3 \|a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1282
--S 1283 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R.
    (4)
--R
--R
            3 +-+3+-+2 3+-+
--R
           e \|3 \|a \|b
--R
--R
                              +---+2
                            2 3 2
                                                3| 2
--R
                2 2
--R
           log((d x + 2c d x + c) | a b + (-a d x - a c) | a b + a)
```

```
--R
--R
        3 +-+3+-+2 3+-+
--R
                                 3| 2
--R
        2e \label{log} |a \ \ b \ \log((d \ x + c) \ b + a)
--R
             +---+
--R
       3 +-+3 | 2 | 2 2 | 2 3+-+2
                                             3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
       e \|3 \|a b log((d x + 2c d x + c )\|b + (- d x - c)\|a \|b + \|a )
--R
--R
--R
                              3+-+ 3+-+
          3 +-+3| 2
--R
        - 2e |3 \leq b \log((d x + c)|b + |a|)
--R
--R
--R
                                 +-+3| 2
--R
         3 3+-+2 3+-+ (2d x + 2c)\|3 \leq b - a\|3
       6e \|a \|b atan(-----)
--R
--R
                                   3a
--R
--R
                              3+-+ 3+-+
--R
           3 3 | 2 \qquad (2d x + 2c) | b - | a
--R
        - 6e \|a b atan(-----)
--R
                           +-+3+-+
--R
                            \|3 \|a
--R /
--R
--R
          +-+3+-+2 3+-+3 | 2
--R
      18b d\|3 \|a \|b \|a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1283
--S 1284 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1284
)clear all
--S 1285 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)^2/(a+b*(c+d*x)^3)^2
--R
--R
--R
   (1)
     2 2 2 2 2 2 2
--R
     dex + 2cdex + ce
--R /
      266 2 55 2244 23 33
--R
```

```
--R
       b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b) d x
--R
          24 22 25 2 26 3 2
--R
        (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c )d x + b c + 2a b c + a
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1285
--S 1286 of 1394
r0:=-1/3*e^2/(b*d*(a+b*(c+d*x)^3))
--R
--R
--R
                              1 2
--R
--R
--R
--R
           2 4 3 2 3 2 2 2 2 3
--R
          b d x + 3b c d x + 3b c d x + (b c + a b)d
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1286
--S 1287 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
--R
--R
           2 4 3 2 3 2 2 2 2 2 3
--R
          3b d x + 9b c d x + 9b c d x + (3b c + 3a b)d
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1287
--S 1288 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1288
--S 1289 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1289
)clear all
```

```
--S 1290 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)/(a+b*(c+d*x)^3)^2
--R
--R
--R
    (1)
--R
      dex+ce
--R /
         266 2 55
                            2 2 4 4
                                         2 3
--R
--R
        b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b) d x
--R
                               2 5
--R
                       2 2
                                          2
                                                  2 6
--R
         (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c)d x + b c + 2a b c + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1290
--S 1291 of 1394
r0:=1/3*e*(c+d*x)^2/(a*d*(a+b*(c+d*x)^3))-1/9*e*log(a^(1/3)+_
    b^{(1/3)*(c+d*x))/(a^{(4/3)*b^{(2/3)*d}+1/18*e*log(a^{(2/3)}-_
    a^{(1/3)*b^{(1/3)*(c+d*x)+b^{(2/3)*(c+d*x)^2)/(a^{(4/3)*b^{(2/3)*d})}}
    1/3*e*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^(4/3)*b^(2/3)*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
              3 3 2 2 2 3 +-+
--R
          (b d e x + 3b c d e x + 3b c d e x + (b c + a)e) \setminus |3|
--R
--R
--R
                2 2
                     2 3+-+2
                                                 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
          log((dx + 2c dx + c) \mid b + (-dx - c) \mid a \mid b + \mid a)
--R
--R
                            2 2
          (- 2b d e x - 6b c d e x - 6b c d e x + (- 2b c - 2a)e)\|3
--R
--R
--R
                      3+-+ 3+-+
--R
          log((d x + c) \mid b + \mid a)
--R
--R
                           2 2
--R
          (6b d e x + 18b c d e x + 18b c d e x + (6b c + 6a)e)
--R
--R
                        3+-+ 3+-+
--R
              (2d x + 2c) | b - | a
--R
          atan(-----)
--R.
                      +-+3+-+
--R.
                     \|3 \|a
--R
--R
                               2 +-+3+-+2
--R
         (6d e x + 12c d e x + 6c e) | 3 | a | b
--R /
--R
              4 3 3 2 2 2
                                             3 2 +-+3+-+3+-+2
--R
       (18a b d x + 54a b c d x + 54a b c d x + (18a b c + 18a )d)
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1291
--S 1292 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
             3 3 2 2 2 3 +-+
--R
         (-bdex - 3bcdex - 3bcdex + (-bc - a)e) | 3
--R
--R
                    +----+2
--R
                    +----+2 +-----+
3| 2 2 2 2 2 3| 2
--R
         log((d x + c))|- a b + (b d x + 2b c d x + b c)|- a b - a b)
--R
--R
--R
                    2 2
                                 2
--R
         (2b d e x + 6b c d e x + 6b c d e x + (2b c + 2a)e) \setminus |3
--R
                    +----+2
--R
                    3| 2
--R
--R
         log((d x + c) | - a b + a b)
--R
             3 3 2 2 2
--R
--R
         (-6b d e x - 18b c d e x - 18b c d e x + (-6b c - 6a)e)
--R
--R
             +-+3| 2 +-+
(2d x + 2c)\|3 \|- a b - a b\|3
--R
--R
--R
         atan(-----)
--R
                          3a b
--R
--R
                           2 +-+3| 2
--R
        (6d e x + 12c d e x + 6c e) | 3 | - a b
--R /
--R
                    3 2 2 2
                                         3 2 +-+3| 2
--R
           4 3
--R
      (18a b d x + 54a b c d x + 54a b c d x + (18a b c + 18a )d)\|3 \|-a b
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1292
--S 1293 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
            +-+3| 2
--R
            e\|3 \|- a b
--R
```

```
--R
             2 2 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
           log((d x + 2c d x + c) | b + (-d x - c) | a | b + | a )
--R
--R
            +----+
          +-+3| 2
--R
                             3+-+ 3+-+
--R
       2e\|3\|-ab\|\log((dx+c)\|b+\|a\|)
--R
--R
            +-+3+-+3+-+2
--R
--R
          e\|3 \|a \|b
--R
                     +----+2
3I 2 2 2
--R
         3| 2 22 23| 2
log((dx+c)\|-ab + (bdx + 2bcdx+bc)\|-ab - ab)
--R
--R
--R
--R
                              +----+2
         +-+3+-+3+-+2
                             3| 2
--R
--R
       2e\|3\|a\|b\ \log((dx+c)\|-ab\ +ab)
--R
--R
                              3+-+ 3+-+
          3| 2 (2d x + 2c) |b - |a
--R
--R
       - 6e\|- a b atan(-----)
                           +-+3+-+
--R
--R
                            \|3 \|a
--R
--R
                               +-+3| 2
--R
--R
           3+-+3+-+2 (2d x + 2c)\|3 \|- a b - a b\|3
       - 6e\|a \|b atan(-----)
--R
--R
                                   3a b
--R /
--R
            +----+
        +-+3| 2 3+-+3+-+2
--R
      18a d\|3 \|- a b \|a \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1293
--S 1294 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1294
)clear all
--S 1295 of 1394
t0:=1/(a+b*(c+d*x)^3)^2
```

```
--R
--R
--R
              (1)
--R
                  1
--R /
                          266 2 55 2244
                                                                                                              2 3
--R
--R
                       b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b) d x
--R
                                                                                     2 5
--R
                                                                2 2
                                                                                                                   2
                                                                                                                                         2 6
--R
                        (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c)d x + b c + 2a b c + a
--R
                                                                                                              Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1295
--S 1296 of 1394
r0:=1/3*(c+d*x)/(a*d*(a+b*(c+d*x)^3))+2/9*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_
            (a^{(5/3)*b^{(1/3)*d}-1/9*log(a^{(2/3)-a^{(1/3)*b^{(1/3)*(c+d*x)}+}_-)}
            b^{(2/3)*(c+d*x)^2}/(a^{(5/3)*b^{(1/3)*d}-2/3*atan((a^{(1/3)-}-a^{(1/3)+1/3}))}
            2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(5/3)*b^(1/3)*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
              (2)
--R
                                           3 3 2 2
                                                                                             2
--R
                             (-bdx - 3bcdx - 3bcdx - bc - a)\|3
--R
--R
                                            2 2
                                                                                  2 3+-+2
                                                                                                                                      3+-+3+-+ 3+-+2
                             log((dx + 2c dx + c))|b + (-dx - c)|a|b + |a|
--R
--R
--R
                                         3 3
                                                     2 2
                                                                                   2
                                                                                                                         3
--R
                              (2b d x + 6b c d x + 6b c d x + 2b c + 2a) \ | 3
--R
--R
                                                             3+-+ 3+-+
--R
                             log((d x + c)|b + |a|)
--R
                                         3 3 2 2 2
--R
--R
                             (6b d x + 18b c d x + 18b c d x + 6b c + 6a)
--R
--R
                                                                   3+-+ 3+-+
--R
                                         (2d x + 2c) | b - | a
                             atan(-----)
--R
--R
                                                             +-+3+-+
--R
                                                          \|3 \|a
--R
--R.
                                                     +-+3+-+2 3+-+
--R
                        (3d x + 3c)\|3\|a\|
--R /
--R
                                    4 3
                                                                       3 2
                                                                                                   2 2
                                                                                                                                       3
                                                                                                                                                         2 +-+3+-+2 3+-+
--R
                    (9a b d x + 27a b c d x + 27a b c d x + (9a b c + 9a )d) | 3 | a | b d | b d x + 27a b c d x + 27a
--R
                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1296
```

```
--S 1297 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
             3 3 2 2 2 3 +-+
--R
--R
         (-bdx - 3bcdx - 3bcdx - bc - a)\|3
--R
--R
                                                 +---+
--R
                          2 3 2
                                                3| 2
--R
        log((dx + 2c dx + c)|ab + (-adx - ac)|ab + a)
--R
--R
                  2 2 2
                                   3
                                           +-+
--R
--R
        (2b d x + 6b c d x + 6b c d x + 2b c + 2a) | 3 log((d x + c) | a b + a)
--R
--R
            3 3
                      2 2
                               2
--R
         (6b d x + 18b c d x + 18b c d x + 6b c + 6a)
--R
--R
                          +---+
--R
                       +-+3| 2
--R
            (2d x + 2c) |3 |a b - a|3
         atan(-----)
--R
                       3a
--R
--R
--R
                    +---+
--R
                 +-+3| 2
--R
       (3d x + 3c) | 3 | a b
--R /
--R
                                                          +---+
          4 3 3 2 2 2 3 2 +-+3| 2
--R
--R
      (9a b d x + 27a b c d x + 27a b c d x + (9a b c + 9a )d)\|3 \|a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1297
--S 1298 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
            +-+3+-+2 3+-+
--R.
           \|3 \|a \|b
--R
--R
                               +---+2
                                                   +---+
                             2 3 2
                                                   3 | 2
--R
                2 2
--R
           log((dx + 2c dx + c) | ab + (-adx - ac) | ab + a)
--R
--R
                               +---+
--R
         +-+3+-+2 3+-+
                              3| 2
```

```
2|3 |a |b \log((d x + c)|a b + a)
--R
--R
--R
          +---+
                       2 3+-+2
       +-+3| 2 2 2
                                       3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
       --R
--R
--R
          +-+3| 2
                          3+-+ 3+-+
--R
      - 2\|3\\|a\| \log((d x + c)\|b\| + \|a\|)
--R
--R
--R
                            +-+3| 2
       3+-+2 \ 3+-+ \ (2d \ x + 2c) \ |3 \ |a \ b \ - a \ |3
--R
--R
       6\|a \|b atan(-----)
--R
--R
--R
         +---+
                         3+-+ 3+-+
         3|2 (2d x + 2c)|b - |a
--R
--R
       - 6\|a b atan(-----)
                       +-+3+-+
--R
--R
                      \|3 \|a
--R /
--R
      +-+3+-+2 3+-+3| 2
--R
--R
     9a d\|3 \|a \|b \|a b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1298
--S 1299 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1299
)clear all
--S 1300 of 1394
t0:=1/((c*e+d*e*x)*(a+b*(c+d*x)^3)^2)
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
        27 7 2 6 6 2 2 5 5 2 3 4 4
--R
       b d e x + 7b c d e x + 21b c d e x + (35b c + 2a b)d e x
--R
--R
         24 33 25 222
--R
       (35b c + 8a b c)d e x + (21b c + 12a b c)d e x
--R
```

```
--R
         26 3 2 27
--R
--R
        (7b c + 8a b c + a)d e x + (b c + 2a b c + a c)e
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1300
--S 1301 of 1394
r0:=1/3/(a*d*e*(a+b*(c+d*x)^3))+log(c+d*x)/(a^2*d*e)-_
    1/3*log(a+b*(c+d*x)^3)/(a^2*d*e)
--R
--R
--R
    (2)
             3 3 2 2
                               2
--R
--R
         (-bdx - 3bcdx - 3bcdx - bc - a)
--R
--R
               3 3
                       2 2
                                2
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
           3 3 2 2
--R
                            2
--R
        (3b d x + 9b c d x + 9b c d x + 3b c + 3a)log(d x + c) + a
--R /
        2 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
                                            2 3
--R
      3abdex + 9abcdex + 9abcdex + (3abc + 3a)de
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1301
--S 1302 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
             3 3 2 2 2
--R
--R
         (-bdx - 3bcdx - 3bcdx - bc - a)
--R
--R
              3 3
                        2 2
                                2
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
--R
           3 3
                    2 2
                            2
--R
        (3b d x + 9b c d x + 9b c d x + 3b c + 3a)log(d x + c) + a
--R /
        2 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
      3abdex + 9abcdex + 9abcdex + (3abc + 3a)de
--R
--R.
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1302
--S 1303 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1303
--S 1304 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1304
)clear all
--S 1305 of 1394
t0:=1/((c*e+d*e*x)^2*(a+b*(c+d*x)^3)^2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
--R /
--R
        2828 2 727 22626 23 525
       b d e x + 8b c d e x + 28b c d e x + (56b c + 2a b)d e x
--R
--R
--R
                 4 2 4 2 5 2 3 2 3
--R
        (70b c + 10a b c)d e x + (56b c + 20a b c)d e x
--R
                                   2 7
--R
                 3 2 2 2 2
--R
        (28b c + 20a b c + a)d e x + (8b c + 10a b c + 2a c)d e x
--R
         28 5 222
--R
--R
        (bc + 2abc + ac)e
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1305
--S 1306 of 1394
r0:=(-4/3)/(a^2*d*e^2*(c+d*x))+1/3/(a*d*e^2*(c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^3))+_
    4/9*b^(1/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(7/3)*d*e^2)-_
    2/9*b^{(1/3)}*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)}*b^{(1/3)}*(c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^2)/_
    (a^{(7/3)}*d*e^2)+4/3*b^{(1/3)}*atan((a^{(1/3)}-2*b^{(1/3)}*(c+d*x))/_
    (a^{(1/3)}*sqrt(3)))/(a^{(7/3)}*d*e^{2}*sqrt(3))
--R
--R
--R
    (2)
--R
               4 4 3 3 2 2 2
                                          3
         (-2b d x - 8b c d x - 12b c d x + (-8b c - 2a)d x - 2b c - 2a c)
--R
--R
--R
          +-+3+-+
                    2 2
                                  2 3+-+2
                                                    3+-+3+-+ 3+-+2
         --R
--R
--R
                                 2 2 2 3
              4 4
                    3 3
```

```
--R
         (4b d x + 16b c d x + 24b c d x + (16b c + 4a)d x + 4b c + 4a c)
--R
         +-+3+-+ 3+-+
--R
--R
         \label{log} $$    (d x + c) + |a| 
--R
                     3 3 2 2 2 3
--R
               4 4
--R
         -12b d x - 48b c d x - 72b c d x + (-48b c - 12a)d x - 12b c
--R
          - 12a c
--R
--R
                        3+-+ 3+-+
--R
         3+-+ (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
         \|b atan(-----)
--R
--R
                     +-+3+-+
--R
                     \|3 \|a
--R
--R
            3 3 2 2 2
                                    3 +-+3+-+
--R
       (-12b d x - 36b c d x - 36b c d x - 12b c - 9a)\|3\|a
--R /
--R
         2 5 2 4 2 4 2 3 2 2 3 2 2 2 3 3 2 2
--R
         9a b d e x + 36a b c d e x + 54a b c d e x + (36a b c + 9a )d e x
--R
--R
          2 4 3 2
--R
        (9abc + 9ac)de
--R
        +-+3+-+
--R
--R
       \|3 \|a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1306
--S 1307 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           4 4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
         (4b d x + 16b c d x + 24b c d x + (16b c + 4a)d x + 4b c + 4a c)
--R
            +-+
--R
                    +-+2
         +-+ |b |b
--R
         |3 3| - \log(a 3| - + b d x + b c)
--R
--R
           \|a \|a
--R
--R
             4 4
                   3 3 2 2 2 3
         (-2b d x - 8b c d x - 12b c d x + (-8b c - 2a)d x - 2b c - 2a c)
--R
--R
--R
            +-+
                                +-+2 +-+
         +-+ |b
                               |b |b 22
--R
         |3 - \log((-adx - ac) 3| - + a 3| - + b dx + 2b c dx + b c)
--R
--R
                               \|a \|a
            \la
```

```
--R
            4 4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
           12b d x + 48b c d x + 72b c d x + (48b c + 12a)d x + 12b c
--R
--R
          12a c
--R
--R
                   +-+2
               +-+ |b
--R
        +-+ a |3 3| - + (-2b d x - 2b c) |3
--R
--R
        |b
               \|a
--R
        3|- atan(-----)
                         +-+2
--R
        \|a
                           lъ
--R
--R
                        3a 3|-
--R
                          \|a
--R
         3 3 2 2 2
--R
                                   3 +-+
--R
       (-12b d x - 36b c d x - 36b c d x - 12b c - 9a) | 3
--R /
         2 5 2 4 2 4 2 3 2 2 3 2 2 2 3 3 2 2
--R
--R
        9abdex + 36abcdex + 54abcdex + (36abc + 9a)dex
--R
--R
         2 4 3 2
       (9a b c + 9a c)d e
--R
--R
--R
       +-+
--R
       \|3
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1307
--S 1308 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
       +-+3+-+ 2 2 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
      2\| 3 \leq \log((d x + 2c d x + c) + (-d x - c) + |a| 
--R
         +-+3+-+
                       3+-+ 3+-+
--R
--R
      - 4 | 3 | b log((d x + c) | b + | a)
--R
       +-+2
+-+3+-+ |b |b
--R
--R.
--R
       4|3|a 3|- \log(a 3|- + b d x + b c)
--R
             \|a \|a
--R
--R
--R
           +-+3+-+ |b
--R
--R
         2\|3 \|a 3|-
```

```
\|a
--R
--R
                           +-+2 +-+
|b |b 22
--R
--R
--R
          log((- a d x - a c) 3|- + a 3|- + b d x + 2b c d x + b c)
                          \|a \|a
--R
--R
                        3+-+ 3+-+
--R
         3+-+ (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
       12\|b atan(-----)
--R
--R
                      +-+3+-+
--R
                      \|3 \|a
--R
--R
                         +-+2
--R
                     +-+ |b
             +-+
--R
                    a|3 3|- + (- 2b d x - 2b c)|3
        3+-+ |b
--R
                    \|a
--R
        12\|a 3|- atan(-----)
--R
                                +-+2
           \|a
--R
                                 lъ
--R
                               3a 3|-
--R
                                 \|a
--R /
--R
      2 2 +-+3+-+
--R
      9a d e \|3 \|a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1308
--S 1309 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1309
)clear all
--S 1310 of 1394
t0:=1/((c*e+d*e*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3)^2)
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
        2939 2 838 22737 23 636
--R
--R
       b d e x + 9b c d e x + 36b c d e x + (84b c + 2a b)d e x
--R
          24 535 25 2434
--R
       (126b c + 12a b c)d e x + (126b c + 30a b c )d e x
--R
```

```
--R
             26 3 2 3 3 3 2 7 4 2 2 3 2
--R
--R
         (84b c + 40a b c + a)d e x + (36b c + 30a b c + 3a c)d e x
--R
            28 5 22 3
                                         2 9 6 2 3 3
--R
--R
         (9b c + 12a b c + 3a c )d e x + (b c + 2a b c + a c )e
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1310
--S 1311 of 1394
\texttt{r0} : = (-5/6)/(\texttt{a}^2 * \texttt{d} * \texttt{e}^3 * (\texttt{c} + \texttt{d} * \texttt{x})^2) + 1/3/(\texttt{a} * \texttt{d} * \texttt{e}^3 * (\texttt{c} + \texttt{d} * \texttt{x})^2 * (\texttt{a} + \texttt{b} * (\texttt{c} + \texttt{d} * \texttt{x})^3)) - \underline{\phantom{}}
    5/9*b^(2/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(8/3)*d*e^3)+_
    5/18*b^{(2/3)}*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)}*b^{(1/3)}*(c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^2)/_
    (a^{(8/3)}*d*e^{(3)}+5/3*b^{(2/3)}*atan((a^{(1/3)}-2*b^{(1/3)}*(c+d*x))/_
     (a^{(1/3)}*sqrt(3)))/(a^{(8/3)}*d*e^{3}*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
               5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
--R
             5b d x + 25b c d x + 50b c d x + (50b c + 5a)d x
--R
--R
--R
             (25b c + 10a c)d x + 5b c + 5a c
--R
            +-+3+-+2 2 2
                                                           3+-+3+-+ 3+-+2
--R
                                      2 3+-+2
           --R
--R
--R
                   5 5 4 4
                                    2 3 3
--R
             -10b d x - 50b c d x - 100b c d x + (-100b c - 10a)d x
--R.
--R
--R
             (-50b c - 20a c)d x - 10b c - 10a c
--R
--R
            +-+3+-+2
                              3+-+ 3+-+
           --R
--R
                               4 4 2 3 3
--R
                  5 5
--R
            -30b d x - 150b c d x - 300b c d x + (-300b c - 30a) d x
--R
--R
                                        5
--R
            (-150b c - 60a c)d x - 30b c - 30a c
--R
--R.
                               3+-+ 3+-+
--R.
           3+-+2 (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
           \|b atan(-----)
                           +-+3+-+
--R
--R
                           \|3 \|a
--R
                3 3 2 2 2 3 +-+3+-+2
--R
--R
         (-15b d x - 45b c d x - 45b c d x - 15b c - 9a)\|3 \|a
```

```
--R /
         2 6 3 5 2 5 3 4 2 2 4 3 3
--R
--R
        18a b d e x + 90a b c d e x + 180a b c d e x
--R
           2 3 3 3 3 2 2 4 3 2 3
--R
--R
        (180a b c + 18a )d e x + (90a b c + 36a c)d e x
--R
          2 5 3 2 3
--R
--R
       (18a b c + 18a c )d e
--R
--R
       +-+3+-+2
--R
       \|3 \|a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1311
--S 1312 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
            5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
--R
          -5b d x - 25b c d x - 50b c d x + (-50b c - 5a)d x
--R
                   5 2
--R
--R
          (-25b c - 10a c)d x - 5b c - 5a c
--R
--R
--R
            | 2
--R
         +-+ | b
--R
        \|3 |- --
--R
            3| 2
--R
            \| a
--R
--R
             +---+2
--R
             1 2
                                 1 2
                      | b 222 2 2 2 2 2
            2 | b
--R
--R
        log(a | --- + (a b d x + a b c) | --- + b d x + 2b c d x + b c)
             3| 2
                                 3| 2
--R
             \| a
                                  \| a
--R
--R
             5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
         10b d x + 50b c d x + 100b c d x + (100b c + 10a)d x
--R
--R.
--R
                            5 2
          (50b c + 20a c)d x + 10b c + 10a c
--R
--R
--R
            1 2
--R
                      1 2
         +-+ | b | b
--R
        --R
```

```
3| 2 3| 2
\| a \| a
--R
--R
--R
               5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
--R
          -30b\ d\ x\ -150b\ c\ d\ x\ -300b\ c\ d\ x\ +(-300b\ c\ -30a)d\ x
--R
--R
--R
          (-150b c - 60a c)d x - 30b c - 30a c
--R
--R
--R
                       | 2
                    +-+ | b
--R
                  a | 3 | --- + (2b d x + 2b c) | 3
--R
          1 2
                   3| 2
--R
--R
         lъ
                     \| a
--R
         |- -- atan(-----)
--R
         3| 2
--R
         \| a
--R
                               lь
--R
                            3a |- --
--R
                              3| 2
--R
                              \| a
--R
         3 3 2 2 2 3 +-+
--R
--R
       (-15b d x - 45b c d x - 45b c d x - 15b c - 9a) \ | 3
--R /
          2 6 3 5 2 5 3 4 2 2 4 3 3
--R
--R
         18a b d e x + 90a b c d e x + 180a b c d e x
--R
           2 3 3 3 3 2 2 4 3 2 3
--R
--R
        (180a b c + 18a )d e x + (90a b c + 36a c)d e x
--R
           2 5 3 2 3
--R
--R
        (18a b c + 18a c )d e
--R
--R
--R
       \|3
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1312
--S 1313 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
         +-+3+-+2 2 2 2 3+-+2
--R
                                                 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
       -5|3|b \log((dx + 2c dx + c)|b + (-dx - c)|a|b + |a|
--R
                  3+-+ 3+-+
         +-+3+-+2
--R
       10\|3\|b\ \log((d\ x + c)\|b\ + \|a\)
--R
```

```
--R
--R
--R
--R
--R
            +-+ | b 3+-+2
--R
           5\|3 |- -- \|a
              3| 2
--R
--R
               \| a
--R
               +---+2
--R
--R
               1 2
                                    l b
--R
             2 | b
                                          2 2 2 2 2 2 2
         log(a |---+(abdx+abc)|---+bdx+2bcdx+bc)
3| 2
--R
              3| 2
\| a
--R
--R
                                   \| a
--R
--R
             +---+
                           +---+
         --R
--R
--R
       --R
            3 | 2
                          3| 2
--R
            \| a
                          \| a
--R
--R
                        3+-+ 3+-+
--R
        3+-+2 (2d x + 2c)\|b - \|a
       30\|b atan(-----)
--R
                     +-+3+-+
--R
--R
                     \|3 \|a
--R
--R
                             +---+
--R
                            1 2
--R
                        +-+ | b
--R
                       a\|3 --- + (2b d x + 2b c)\|3
                       3| 2
--R
           1 2
--R
           l b 3+-+2
                           \| a
       - 30 |- -- \|a atan(-----
--R
         3| 2
--R
           \| a
                                   | 2
--R
                                   | b
--R
                                 3a |- --
--R
                                   3| 2
--R
--R
                                   \| a
--R /
--R
        2 3 +-+3+-+2
--R
      18a d e \|3 \|a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1313
--S 1314 of 1394
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1314
)clear all
--S 1315 of 1394
t0:=1/((c*e+d*e*x)^4*(a+b*(c+d*x)^3)^2)
--R.
--R
--R
   (1)
--R
--R /
--R
        2 10 4 10 2 9 4 9 2 2 8 4 8 2 3 7 4 7
--R
       b d e x + 10b c d e x + 45b c d e x + (120b c + 2a b)d e x
--R
--R
           2 4
                      646 25
                                           2 5 4 5
--R
       (210b c + 14a b c)d e x + (252b c + 42a b c )d e x
--R
                3 2 4 4 4 2 7 4 2 3 4 3
--R
            2 6
--R
       (210b c + 70a b c + a )d e x + (120b c + 70a b c + 4a c)d e x
--R
                5 22242 29
--R
                                            6 23 4
           2 8
        (45b c + 42a b c + 6a c )d e x + (10b c + 14a b c + 4a c )d e x
--R
--R
--R
         2 10 7 2 4 4
--R
        (bc + 2abc + ac)e
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1315
--S 1316 of 1394
r0:=(-2/3)/(a^2*d*e^4*(c+d*x)^3)+1/3/(a*d*e^4*(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3))-_
    2*b*log(c+d*x)/(a^3*d*e^4)+2/3*b*log(a+b*(c+d*x)^3)/(a^3*d*e^4)
--R
--R
--R
    (2)
--R
            266
                    2 5 5
                               2 2 4 4
                                          2 3
--R
           2b d x + 12b c d x + 30b c d x + (40b c + 2a b)d x
--R
                                2 5
--R
              2 4
                         2 2
                                          2
                                                  2 6
--R
          (30b c + 6a b c)d x + (12b c + 6a b c)d x + 2b c + 2a b c
--R
--R
               3 3
                    2 2
                               2
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
                                2 2 4 4
                     2 5 5
--R
              2 6 6
                                         2 3 3 3
           -6b d x - 36b c d x - 90b c d x + (-120b c - 6a b)d x
--R
--R
```

```
2 4 2 2 5
                                      2 26 3
--R
         (-90b c - 18a b c)d x + (-36b c - 18a b c)d x - 6b c - 6a b c
--R
--R
--R
         log(d x + c)
--R
                            2
--R
             3 3
                      2 2
--R
       - 2a b d x - 6a b c d x - 6a b c d x - 2a b c - a
--R /
         3 7 4 6 3 6 4 5 3 2 5 4 4
--R
                                              3 3 4 4 4 3
--R
       3a b d e x + 18a b c d e x + 45a b c d e x + (60a b c + 3a )d e x
--R
        3 4 4 3 4 2 3 5 4 2 2 4
                                               3 6 4 3 4
--R
      (45a b c + 9a c)d e x + (18a b c + 9a c)d e x + (3a b c + 3a c)d e
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1316
--S 1317 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
           266 255 2244 23 33
--R
--R
          2b d x + 12b c d x + 30b c d x + (40b c + 2a b)d x
--R
                 2 2 2 5
--R
                                        2
                                               2 6
              2 4
          (30b c + 6a b c)d x + (12b c + 6a b c)d x + 2b c + 2a b c
--R
--R
--R
              3 3 2 2 2
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
             266 2 55
                              2 2 4 4
                                             2 3
          - 6b d x - 36b c d x - 90b c d x + (- 120b c - 6a b)d x
--R
--R
                                           2 26
--R
                        2 2
                                2 5
--R
         (-90b c - 18a b c)d x + (-36b c - 18a b c)d x - 6b c - 6a b c
--R
--R
         log(d x + c)
--R
                                2
--R
             3 3
                       2 2
--R
       - 2a b d x - 6a b c d x - 6a b c d x - 2a b c - a
--R /
--R
         3 7 4 6
                   3
                        6 4 5 3 2 5 4 4 3 3 4 4 4 3
--R.
       3a b d e x + 18a b c d e x + 45a b c d e x + (60a b c + 3a )d e x
--R
--R
        3 4 4 3 4 2 3 5 4 2 2 4 3 6 4 3 4
--R
      (45a b c + 9a c)d e x + (18a b c + 9a c)d e x + (3a b c + 3a c)d e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1317
--S 1318 of 1394
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1318
--S 1319 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1319
)clear all
--S 1320 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)^4/(a+b*(c+d*x)^3)^3
--R
--R
--R
    (1)
--R
       4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
       d e x + 4c d e x + 6c d e x + 4c d e x + c e
--R /
         3 9 9 3 8 8 3 2 7 7 3 3 2 6 6
--R
--R
        b d x + 9b c d x + 36b c d x + (84b c + 3a b) d x
--R
--R
             3 4
                   2 5 5
                                 3 5
                                              2 2 4 4
--R
        (126b c + 18a b c)d x + (126b c + 45a b c)d x
--R
                  23 2 33 37 24 2
--R
                                                               2 2
--R
        (84b c + 60a b c + 3a b)d x + (36b c + 45a b c + 9a b c)d x
--R
--R
          3 8
                   25 2 2
                                      3 9
                                               26 2 3
--R
        (9bc + 18abc + 9abc)dx + bc + 3abc + 3abc + a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1320
--S 1321 of 1394
r0:=-1/6*e^4*(c+d*x)^2/(b*d*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+1/9*e^4*(c+d*x)^2/_
    (a*b*d*(a+b*(c+d*x)^3))-1/27*e^4*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_
    (a^{(4/3)*b^{(5/3)*d}}+1/54*e^{4*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)*b^{(1/3)}*(c+d*x)}+_
    b^{(2/3)*(c+d*x)^2}/(a^{(4/3)*b^{(5/3)*d}-1/9*e^4*_}
    atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^{(4/3)}*b^{(5/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
--R
             2 6 4 6 2 5 4 5
                                   2 2 4 4 4 2 3
                                                             3 4 3
```

```
--R
         b d e x + 6b c d e x + 15b c d e x + (20b c + 2a b)d e x
--R
           2 4 2 2 5 2 4
--R
--R
         (15b c + 6a b c)d e x + (6b c + 6a b c )d e x
--R
          26 3 24
--R
--R
         (bc + 2abc + a)e
--R
        +-+ 2 2 2 3+-+2
                                  3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
        --R
           2646 2 545 22444
                                          2 3
--R
                                                   3 4 3
         - 2b d e x - 12b c d e x - 30b c d e x + (- 40b c - 4a b)d e x
--R
--R
--R
                                2 5
             2 4
                       2 4 2
                                         2 4
--R
         (- 30b c - 12a b c)d e x + (- 12b c - 12a b c )d e x
--R
--R
            2 6
                  3 2 4
--R
         (- 2b c - 4a b c - 2a )e
--R
--R
                   3+-+ 3+-+
        --R
--R
--R
          2646 2 545 22444 23 343
--R
         6b d e x + 36b c d e x + 90b c d e x + (120b c + 12a b)d e x
--R
                2 4 2 2 5
--R
--R
         (90b c + 36a b c)d e x + (36b c + 36a b c )d e x
--R
           26 3 24
--R
--R
        (6b c + 12a b c + 6a )e
--R
--R
                  3+-+ 3+-+
--R
          (2d x + 2c) \mid b - \mid a
        atan(-----)
--R
--R
                +-+3+-+
--R
                \|3 \|a
--R
           5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2
--R
--R
         6b d e x + 30b c d e x + 60b c d e x + (60b c - 3a)d e x
--R
--R
                    4
                            5 2 4
--R.
         (30b c - 6a c)d e x + (6b c - 3a c)e
--R
--R
        +-+3+-+3+-+2
--R
        \|3 \|a \|b
--R /
          3 7 6 3 6 5 3 2 5 4 3 3 2 2 4 3
--R
        54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b )d x
--R
--R
```

```
3 4 2 2 3 2 3 5 2 2 2 2
--R
        (810a b c + 324a b c)d x + (324a b c + 324a b c)d x
--R
--R
--R
            3 6 2 2 3
--R
        (54a b c + 108a b c + 54a b)d
--R
--R
       +-+3+-+3+-+2
--R
       \|3 \|a \|b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1321
--S 1322 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R.
           2646 2 545 22444 23 343
--R
          - b d e x - 6b c d e x - 15b c d e x + (- 20b c - 2a b)d e x
--R
--R
             2 4
                  2 4 2 2 5 2 4
--R
         (- 15b c - 6a b c)d e x + (- 6b c - 6a b c)d e x
--R
--R
            26 3 24
--R
         (-bc - 2abc - a)e
--R
                    +----+2
--R
                   3 2 2 2
                                               2 3 2
--R
--R
       \ \log((d x + c)) - a b + (b d x + 2b c d x + b c) - a b
--R
           --R
--R
          2b d e x + 12b c d e x + 30b c d e x + (40b c + 4a b)d e x
--R
--R
                       2 4 2
                               2 5
--R
         (30b c + 12a b c)d e x + (12b c + 12a b c)d e x
--R
                 3 2 4
--R
           2 6
--R
         (2b c + 4a b c + 2a )e
--R
                     +----+2
--R
                     3| 2
--R
--R
        |3 \log((d x + c)| - a b + a b)
--R
--R
            2646 2 545 22444 23 343
--R
          - 6b d e x - 36b c d e x - 90b c d e x + (- 120b c - 12a b)d e x
--R
--R
             2 4
                         2 4 2
                                  2 5
         (- 90b c - 36a b c)d e x + (- 36b c - 36a b c)d e x
--R
--R
            26 3 24
--R
--R
         (- 6b c - 12a b c - 6a )e
```

```
--R
                         +----+2
--R
                       +-+3| 2 +-+
--R
--R
             (2d x + 2c) |3 |- a b - a b|3
         atan(-----)
--R
--R
                          3a b
--R
             5 4 5
                        4 4 4 2 3 4 3
--R
          6b d e x + 30b c d e x + 60b c d e x + (60b c - 3a)d e x
--R
--R
--R
                     4 5 2 4
          (30b c - 6a c)d e x + (6b c - 3a c)e
--R
--R
--R
--R
         +-+3| 2
--R
         \|3 \|- a b
--R /
                    3 6 5 3 2 5 4 3 3 2 2 4 3
--R
            3 7 6
--R
         54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b ) d x
--R
--R
             3 4 2 2 3 2 3 5 2 2 2 2
--R
         (810a b c + 324a b c) d x + (324a b c + 324a b c) d x
--R
--R
            3 6 2 2 3 3
--R
         (54a b c + 108a b c + 54a b)d
--R
--R
--R
        +-+3| 2
--R
       \|3 \|- a b
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1322
--S 1323 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
           4 +-+3| 2
--R
--R
           e \|3 \|- a b
--R
--R
               2 2
                           2 3+-+2
                                            3+-+3+-+ 3+-+2
           log((d x + 2c d x + c) \mid b + (-d x - c) \mid a \mid b + \mid a)
--R
--R
--R
        4 +-+3| 2
--R
                             3+-+ 3+-+
--R
       2e |3 |- a b \log((d x + c)|b + |a )
--R
--R
```

```
--R
           4 +-+3+-+3+-+2
--R
          e \|3 \|a \|b
--R
--R
                    +----+2
                    3 2 2 2 2 3 2 3 2
--R
--R
         log((d x + c) | -ab + (b d x + 2b c d x + b c) | -ab -ab)
--R
--R
                              +----+2
       4 +-+3+-+3+-+2
                             3| 2
--R
--R
       2e |3 |a |b log((d x + c)|- a b + a b)
--R
                               3+-+ 3+-+
--R
         4 3 | 2 (2d x + 2c) \ | b - \ | a
--R
--R
       - 6e \|- a b atan(-----)
--R
                             +-+3+-+
--R
                             \|3 \|a
--R
                                   +----+2
--R
                                +-+3| 2
--R
--R
         4 3+-+3+-+2  (2d x + 2c)\|3 \|- a b - a b\|3
--R
       - 6e \|a \|b atan(-----)
--R
                                   3a b
--R /
--R
           +-+3| 2 3+-+3+-+2
--R
--R
      54a b d\|3 \|- a b \|a \|b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1323
--S 1324 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1324
)clear all
--S 1325 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)^3/(a+b*(c+d*x)^3)^3
--R
--R
--R (1)
     3 3 3 2 3 2 2 3 3 3
--R
--R
     dex + 3cdex + 3cdex + ce
--R /
--R
       3 9 9 3 8 8 3 2 7 7 3 3 2 6 6
      b d x + 9b c d x + 36b c d x + (84b c + 3a b )d x
--R
--R
```

```
3 4 2 5 5 3 5 2 2 4 4
--R
--R
        (126b c + 18a b c)d x + (126b c + 45a b c)d x
--R
--R
                 23 2 33
                                     3 7
                                             2 4 2
                                                           2 2
           3 6
--R
        (84b c + 60a b c + 3a b)d x + (36b c + 45a b c + 9a b c)d x
--R
                                    3 9 2 6 2 3 3
--R
                  25 2 2
        (9b c + 18a b c + 9a b c )d x + b c + 3a b c + 3a b c + a
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1325
--S 1326 of 1394
r0:=-1/6*e^3*(c+d*x)/(b*d*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+1/18*e^3*(c+d*x)/_
    (a*b*d*(a+b*(c+d*x)^3))+1/27*e^3*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_
    (a^{(5/3)*b^{(4/3)*d}-1/54*e^3*log(a^{(2/3)-a^{(1/3)*b^{(1/3)*(c+d*x)}+_}})
    b^{(2/3)*(c+d*x)^2}/(a^{(5/3)*b^{(4/3)*d}-1/9*e^3*_}
    atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^{(5/3)}*b^{(4/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
--R
             2636 2 535 22434 23 333
--R
           - b d e x - 6b c d e x - 15b c d e x + (- 20b c - 2a b)d e x
--R
--R
                           2 3 2
                                     2 5
                2 4
           (-15b c - 6a b c)d e x + (-6b c - 6a b c)d e x
--R
--R
                  3
                           2 3
--R
              2 6
--R
           (-bc - 2abc - a)e
--R
          +-+ 2 2
--R
                              2 3+-+2
                                                3+-+3+-+ 3+-+2
--R
         --R
--R
             2 6 3 6
                      2 5 3 5 2 2 4 3 4
                                                2 3
--R
           2b d e x + 12b c d e x + 30b c d e x + (40b c + 4a b)d e x
--R
--R
              2 4
                          2 3 2
                                   2 5
--R
           (30b c + 12a b c)d e x + (12b c + 12a b c)d e x
--R
--R
             2 6
                           2 3
--R
           (2b c + 4a b c + 2a)e
--R
--R.
                       3+-+ 3+-+
          +-+
--R
         \label{log} ((d x + c) \mid b + \mid a)
--R
--R
             2 6 3 6
                      2 5 3 5
                                    2 2 4 3 4
                                                 2 3
--R
           6b d e x + 36b c d e x + 90b c d e x + (120b c + 12a b)d e x
--R
--R
              2 4
                           2 3 2 2 5 2 3
--R
           (90b c + 36a b c)d e x + (36b c + 36a b c)d e x
```

```
--R
           26 3 23
--R
--R
         (6b c + 12a b c + 6a )e
--R
--R
                    3+-+ 3+-+
--R
            (2d x + 2c) \mid b - \mid a
--R
        atan(-----)
--R
                 +-+3+-+
--R
                 \|3 \|a
--R
--R
            4 3 4 3 3 3 2 2 3 2 3
--R
         3b d e x + 12b c d e x + 18b c d e x + (12b c - 6a) d e x
--R
            4 3
--R
--R
         (3b c - 6a c)e
--R
--R
         +-+3+-+2 3+-+
--R
        \|3 \|a \|b
--R /
           3 7 6 3 6 5 3 2 5 4 3 3 2 2 4 3
--R
--R
        54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b ) d x
--R
--R
             3 4 2 2 3 2
                                 3 5 2 2 2 2
--R
        (810a b c + 324a b c)d x + (324a b c + 324a b c)d x
--R
            3 6 2 2 3 3
--R
--R
        (54a b c + 108a b c + 54a b)d
--R
--R
       +-+3+-+2 3+-+
--R
       \|3 \|a \|b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1326
--S 1327 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
           2636 2 535 22434 23 333
--R
         - b d e x - 6b c d e x - 15b c d e x + (- 20b c - 2a b)d e x
--R
--R
--R
             24
                       2 3 2
                                 2 5
         (- 15b c - 6a b c)d e x + (- 6b c - 6a b c )d e x
--R.
--R
           26 3 23
--R
         (-bc - 2abc - a)e
--R
--R
--R
                             +---+2
                                                +---+
         +-+ 2 2
                          2 3 2
                                               31 2
--R
        --R
```

```
--R
          2636 2535 22434 23 333
--R
--R
         2b d e x + 12b c d e x + 30b c d e x + (40b c + 4a b)d e x
--R
--R
           2 4 2 3 2 2 5 2 3
--R
          (30b c + 12a b c)d e x + (12b c + 12a b c)d e x
--R
--R
           2 6
                   3 2 3
--R
         (2b c + 4a b c + 2a )e
--R
--R
--R
                    3| 2
--R
        --R
--R
          2636 2 535 22434 23 333
--R
         6b d e x + 36b c d e x + 90b c d e x + (120b c + 12a b)d e x
--R
--R
            2 4
                      2 3 2 2 5
--R
         (90b c + 36a b c)d e x + (36b c + 36a b c )d e x
--R
--R
           26 3 23
--R
         (6b c + 12a b c + 6a)e
--R
--R
                      +---+
                    +-+3| 2 +-+
--R
--R
           (2d x + 2c) |3 |a b - a|3
--R
        atan(-----)
--R
--R
            4 3 4 3 3 3 2 2 3 2 3 3
--R
--R
         3b d e x + 12b c d e x + 18b c d e x + (12b c - 6a)d e x
--R
--R
--R
         (3b c - 6a c)e
--R
--R
--R
        +-+3| 2
--R
        \|3 \|a b
--R /
                  3 6 5 3 2 5 4 3 3 2 2 4 3
--R
          3 7 6
--R
        54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b ) d x
--R
--R
            3 4 2 2 3 2 3 5 2 2 2 2
--R
        (810a b c + 324a b c)d x + (324a b c + 324a b c)d x
--R
--R
           3 6
                  2 2 3
--R
       (54a b c + 108a b c + 54a b)d
--R
         +---+
--R
--R
       +-+3| 2
```

```
--R
        \|3 \|a b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1327
--S 1328 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
     (4)
--R
--R
--R
            3 +-+3+-+2 3+-+
--R
            e \|3 \|a \|b
--R
                                 +---+2 +---+
3| 2 3| 2
--R
--R
                2 2 2 3 2
--R
           log((dx + 2c dx + c)|ab + (-adx - ac)|ab + a)
--R
--R
                                  +---+
--R
        3 +-+3+-+2 3+-+
                                 3| 2
        2e \label{log} |a \ \ b \ \log((d \ x + c) \ a \ + a)
--R
--R
--R
              +---+
         3 +-+3| 2 2 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
        e \|3 \|a b log((d x + 2c d x + c )\|b + (- d x - c)\|a \|b + \|a )
--R
--R
--R
          3 +-+3| 2
                               3+-+ 3+-+
--R
        - 2e |3 \leq b \log((d x + c)|b + |a|)
--R
--R
                                     +---+
                                  +-+3| 2 +-+
--R
        3 + +2 + (2d x + 2c) |3 |a b - a|3
--R
--R
        6e \|a \|b atan(-----)
--R
--R
                               3+-+ 3+-+
--R
          3 3 | 2 \qquad (2d x + 2c) | b - | a
--R
--R
        - 6e \|a b atan(-----)
                            +-+3+-+
--R
--R
                            \|3 \|a
--R /
--R
--R.
           +-+3+-+2 3+-+3| 2
--R
      54a b d\|3 \|a \|b \|a b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1328
--S 1329 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1329
)clear all
--S 1330 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)^2/(a+b*(c+d*x)^3)^3
--R
--R
--R
     (1)
              2 22
      2 2 2
--R
--R
      d e x + 2c d e x + c e
--R /
--R
        3 9 9 3 8 8 3 2 7 7 3 3 2 6 6
--R
      b d x + 9b c d x + 36b c d x + (84b c + 3a b )d x
--R
--R
           3 4
                2 5 5
                              3 5 2 2 4 4
       (126b c + 18a b c)d x + (126b c + 45a b c)d x
--R
--R
--R
          3 6 2 3 2 3 3 3 7 2 4
--R
        (84b c + 60a b c + 3a b)d x + (36b c + 45a b c + 9a b c)d x
--R
--R
         38 25 2 2 39
                                          2 6
                                                 2 3 3
--R
        (9b c + 18a b c + 9a b c )d x + b c + 3a b c + 3a b c + a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1330
--S 1331 of 1394
r0:=-1/6*e^2/(b*d*(a+b*(c+d*x)^3)^2)
--R
--R
--R
    (2)
--R
--R
        1 2
        - е
--R
--R
         6
--R
--R
           3 7 6 3 6 5 3 2 5 4
                                        3 3
--R
          b d x + 6b c d x + 15b c d x + (20b c + 2a b )d x
--R
--R.
           3 4
                2 32
                             3 5 2 2 2
                                               3 6 2 3
         (15b c + 6a b c)d x + (6b c + 6a b c)d x + (b c + 2a b c + a b)d
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1331
--S 1332 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (3)
--R
--R
         2
--R
--R
            3 7 6 3 6 5 3 2 5 4 3 3 2 4 3
--R
--R
          6b d x + 36b c d x + 90b c d x + (120b c + 12a b )d x
--R
                                 3 5
--R
                     2 32
                                           2 2 2
--R
          (90b c + 36a b c)d x + (36b c + 36a b c)d x
--R
--R
                   2 3 2
            3 6
--R
          (6b c + 12a b c + 6a b)d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1332
--S 1333 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1333
--S 1334 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1334
)clear all
--S 1335 of 1394
t0:=(c*e+d*e*x)/(a+b*(c+d*x)^3)^3
--R
--R
--R
    (1)
--R
     dex+ce
--R /
--R.
        3 9 9 3 8 8 3 2 7 7 3 3 2 6 6
      b d x + 9b c d x + 36b c d x + (84b c + 3a b )d x
--R
--R
--R
           3 4
                2 5 5
                               3 5
                                        2 2 4 4
       (126b c + 18a b c)d x + (126b c + 45a b c)d x
--R
--R
--R
           3 6 2 3 2 3 3 3 7 2 4 2
                                                            2 2
        (84b c + 60a b c + 3a b)d x + (36b c + 45a b c + 9a b c)d x
--R
```

```
--R
         38 25 22 39 26 23 3
--R
--R
        (9b c + 18a b c + 9a b c )d x + b c + 3a b c + 3a b c + a
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1335
--S 1336 of 1394
r0:=1/6*e*(c+d*x)^2/(a*d*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+2/9*e*(c+d*x)^2/_
    (a^2*d*(a+b*(c+d*x)^3))-2/27*e*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_
    (a^{(7/3)*b^{(2/3)*d}}+1/27*e*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)*b^{(1/3)*}}
    (c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^{2}/(a^{(7/3)}*b^{(2/3)}*d)-2/9*e*_
    atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^{(7/3)}*b^{(2/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
    (2)
--R
            266255224423333
--R
           2b d e x + 12b c d e x + 30b c d e x + (40b c + 4a b)d e x
--R
--R
              2 4
                     2 2
                                   2 5
--R
           (30b c + 12a b c)d e x + (12b c + 12a b c)d e x
--R
--R
             2 6
                           2
                   3
--R
           (2b c + 4a b c + 2a)e
--R
          +-+ 2 2 2 3+-+2
                                               3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
         \ \log((d x + 2c d x + c) + (-d x - c) + |a| 
--R
--R
              266 255 224 4
                                                2 3
--R
           -4b d e x - 24b c d e x - 60b c d e x + (-80b c - 8a b)d e x
--R
--R
                            2 2
                                       2 5
--R
           (-60b c - 24a b c)d e x + (-24b c - 24a b c)d e x
--R
--R
               2 6
                       3 2
          (- 4b c - 8a b c - 4a )e
--R
--R
                       3+-+ 3+-+
--R
--R
         --R
--R
                      2 5 5
                                    2 2 4 4 2 3
           12b d e x + 72b c d e x + 180b c d e x + (240b c + 24a b)d e x
--R
--R.
--R.
               2 4
                           2 2
                                    2 5
--R
           (180b c + 72a b c)d e x + (72b c + 72a b c)d e x
--R
--R
              2 6
                  3
--R
           (12b c + 24a b c + 12a)e
--R
--R
                      3+-+ 3+-+
```

```
--R
             (2d x + 2c) \mid b - \mid a
         atan(-----)
--R
--R
                  +-+3+-+
--R
                  \|3 \|a
--R
             5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
--R
          12b d e x + 60b c d e x + 120b c d e x + (120b c + 21a)d e x
--R
--R
                                 5
          (60b c + 42a c)d e x + (12b c + 21a c)e
--R
--R
--R
         +-+3+-+3+-+2
--R
         \|3 \|a \|b
--R /
--R
          2 2 7 6 2 2 6 5 2 2 2 5 4 2 2 3 3 4 3
--R
         54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b)d x
--R
--R
            2 2 4
                    3 32
                                2 2 5 3 2 2
         (810a b c + 324a b c)d x + (324a b c + 324a b c)d x
--R
--R
--R
           2 2 6 3 3
        (54a b c + 108a b c + 54a )d
--R
--R
--R
       +-+3+-+3+-+2
--R
       \|3 \|a \|b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1336
--S 1337 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
             266 255 2244 23 33
--R
--R
          - 2b d e x - 12b c d e x - 30b c d e x + (- 40b c - 4a b)d e x
--R
--R
                         2 2
                                    2 5
          (- 30b c - 12a b c)d e x + (- 12b c - 12a b c)d e x
--R
--R
--R
              2 6
         (- 2b c - 4a b c - 2a )e
--R
--R
--R.
                     +----+2
                    31 2
                               2 2
                                                2 3 | 2
--R.
--R
       |3 \log((d x + c)| - a b + (b d x + 2b c d x + b c)| - a b - a b)
--R
           266 2 5 5 224 4 23 3 3
--R
--R
          4b d e x + 24b c d e x + 60b c d e x + (80b c + 8a b)d e x
--R
--R
             2 4
                   2 2 2 5 2
```

```
--R
          (60b c + 24a b c)d e x + (24b c + 24a b c)d e x
--R
           26 3 2
--R
--R
         (4b c + 8a b c + 4a )e
--R
                     +----+2
--R
                    3| 2
--R
--R
        --R
             266255
--R
                                  2 2 4 4
--R
         - 12b d e x - 72b c d e x - 180b c d e x
--R
              2 3 3 3 2 4 2 2
--R
         (- 240b c - 24a b)d e x + (- 180b c - 72a b c)d e x
--R
--R
--R
             2 5
                     2
                                  2 6 3
--R
         (- 72b c - 72a b c )d e x + (- 12b c - 24a b c - 12a )e
--R
--R
                       +----+2
                     +-+3| 2
--R
--R
            (2d x + 2c) |3 |- a b - a b|3
--R
        atan(-----)
--R
                    3a b
--R
           5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
         12b d e x + 60b c d e x + 120b c d e x + (120b c + 21a)d e x
--R
--R
--R
                               5
--R
         (60b c + 42a c)d e x + (12b c + 21a c)e
--R
--R
        +-+3| 2
--R
--R
        \|3 \|- a b
--R /
          2 2 7 6 2 2 6 5 2 2 2 5 4 2 2 3 3 4 3
--R
--R
        54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b) d x
--R
--R
            2 2 4
                   3 32
                               2 2 5 3 2 2
--R
        (810a b c + 324a b c)d x + (324a b c + 324a b c)d x
--R
          2 2 6 3 3
--R
        (54a b c + 108a b c + 54a )d
--R
--R
--R
       +-+3| 2
--R
--R
       \|3 \|- a b
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1337
--S 1338 of 1394
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
               +----+
            +-+3| 2
--R
--R
           e\|3 \|- a b
--R
                           2 3+-+2
--R
               2 2
                                            3+-+3+-+ 3+-+2
--R
           log((d x + 2c d x + c))|b + (-d x - c)|a |b + |a )
--R
--R
          +-+3| 2
                             3+-+ 3+-+
--R
--R
       2e\|3\|-ab\|\log((dx+c)\|b+\|a)
--R
--R
--R
            +-+3+-+3+-+2
--R
          e\|3 \|a \|b
--R
--R
                    +----+2
                    3| 2 2 2 2 3| 2
--R
--R
          log((d x + c))|- a b + (b d x + 2b c d x + b c)|- a b - a b)
--R
--R
                             +----+2
         +-+3+-+3+-+2 3| 2
--R
--R
       2e\|3\|a\|b\ \log((dx+c)\|-ab\ +ab)
--R
--R
                             3+-+ 3+-+
          3| 2 (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
--R
       - 6e\|- a b atan(-----)
--R
                           +-+3+-+
--R
                           \|3 \|a
--R
--R
                               +-+3| 2
--R
         3+-+3+-+2 (2d x + 2c)\|3 \|- a b - a b\|3
--R
       - 6e\|a \|b atan(-----)
--R
--R
                                  3a b
--R /
--R
--R
        2 +-+3| 2 3+-+3+-+2
--R.
      27a d\|3 \|- a b \|a \|b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1338
--S 1339 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R
   (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1339
)clear all
--S 1340 of 1394
t0:=1/(a+b*(c+d*x)^3)^3
--R
--R
--R
    (1)
--R
     1
--R /
        3 9 9 3 8 8 3 2 7 7
--R
                                     3 3 2 6 6
        b d x + 9b c d x + 36b c d x + (84b c + 3a b )d x
--R
--R
--R.
                2 5 5
                               3 5
                                          2 2 4 4
            3 4
--R
        (126b c + 18a b c)d x + (126b c + 45a b c)d x
--R
--R
           3 6 2 3 2 3 3 3 7 2 4
--R
        (84b c + 60a b c + 3a b)d x + (36b c + 45a b c + 9a b c)d x
--R
--R
          3 8
                2 5
                        2 2
                                    3 9
                                            2 6
                                                  2 3 3
--R
        (9b c + 18a b c + 9a b c )d x + b c + 3a b c + 3a b c + a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1340
--S 1341 of 1394
r0:=1/6*(c+d*x)/(a*d*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+5/18*(c+d*x)/(a^2*d*_1)
    (a+b*(c+d*x)^3)+5/27*log(a^(1/3)+b^(1/3)*(c+d*x))/_
    (a^{(8/3)*b^{(1/3)*d}}-5/54*log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)*b^{(1/3)}}-
    (c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^{2}/(a^{(8/3)}*b^{(1/3)}*d)-5/9*_
    atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^{(8/3)}*b^{(1/3)}*d*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
              2 6 6 2 5 5 2 2 4 4
--R
                                               2 3
           -5b d x - 30b c d x - 75b c d x + (-100b c - 10a b)d x
--R
--R
--R
                            2 2
                                      2 5
           (-75b c - 30a b c)d x + (-30b c - 30a b c)d x - 5b c
--R
--R.
--R
                  3
--R
           - 10a b c - 5a
--R
--R
                2 2
                              2 3+-+2
                                                3+-+3+-+ 3+-+2
--R
          --R
--R
              266 2 55
                                 2 2 4 4 2 3
                                                          3 3
```

```
--R
          10b d x + 60b c d x + 150b c d x + (200b c + 20a b) d x
--R
--R
             24 22 25 2 26 3
--R
          (150b c + 60a b c)d x + (60b c + 60a b c)d x + 10b c + 20a b c
--R
--R
            2
--R
         10a
--R
         +-+ 3+-+
--R
--R
        --R
                                         2 3
           266 255 2244
--R
          30b d x + 180b c d x + 450b c d x + (600b c + 60a b)d x
--R
--R
--R
                    2 2 2 5
--R
          (450b c + 180a b c)d x + (180b c + 180a b c)d x + 30b c
--R
--R
              3
--R
          60a b c + 30a
--R
--R
                    3+-+ 3+-+
--R
           (2d x + 2c) | b - | a
         atan(-----)
--R
                 +-+3+-+
--R
--R
                  \|3 \|a
--R
              4 4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
           15b d x + 60b c d x + 90b c d x + (60b c + 24a) d x + 15b c
--R
--R
            24a c
--R
--R
         +-+3+-+2 3+-+
--R
        \|3 \|a \|b
--R /
          2 2 7 6 2 2 6 5 2 2 2 5 4 2 2 3 3 4 3
--R
--R
        54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b) d x
--R
            2 2 4
--R
                   3 32
                                2 2 5 3 2 2
--R
         (810a b c + 324a b c)d x + (324a b c + 324a b c)d x
--R
          2 2 6 3 3
--R
        (54a b c + 108a b c + 54a )d
--R
--R.
--R.
       +-+3+-+2 3+-+
--R
       \|3 \|a \|b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1341
--S 1342 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
   (3)
          266 255 2244 23 33
--R
        - 5b d x - 30b c d x - 75b c d x + (-100b c - 10a b)d x
--R
--R
            24 22 25 2 26
--R
--R
        (-75b c - 30a b c)d x + (-30b c - 30a b c)d x - 5b c
--R
--R
             3 2
--R
        - 10a b c - 5a
--R
--R
        +-+ 2 2 2 3 2
                                          3| 2
--R
--R
       --R
--R
          266 255 2244 23
        10b d x + 60b c d x + 150b c d x + (200b c + 20a b)d x
--R
--R
           24 22 25 2 26 3
--R
--R
        (150b c + 60a b c)d x + (60b c + 60a b c)d x + 10b c + 20a b c
--R
--R
         2
--R
        10a
--R
                   +---+
--R
--R
                   3| 2
--R
       --R
          2 6 6 2 5 5 2 2 4 4 2 3 3 3
--R
--R
         30b d x + 180b c d x + 450b c d x + (600b c + 60a b)d x
--R
                            2 5
--R
                     2 2
--R
        (450b c + 180a b c)d x + (180b c + 180a b c)d x + 30b c
--R
            3 2
--R
--R
        60a b c + 30a
--R
--R
                     +---+
--R
                   +-+3| 2
--R
          (2d x + 2c) |3 |a b - a|3
--R
        atan(-----)
--R
--R
            4 4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
          15b d x + 60b c d x + 90b c d x + (60b c + 24a)d x + 15b c
--R
--R
          24a c
--R
--R
          +---+
```

```
--R
          +-+3| 2
--R
          \|3 \|a b
--R /
           2 2 7 6 2 2 6 5 2 2 2 5 4 2 2 3 3 4 3
--R
--R
         54a b d x + 324a b c d x + 810a b c d x + (1080a b c + 108a b)d x
--R
              2 2 4 3 3 2 2 2 5 3 2 2
--R
--R
          (810a b c + 324a b c)d x + (324a b c + 324a b c)d x
--R
            2 2 6 3 3 4
--R
--R
         (54a b c + 108a b c + 54a )d
--R
--R
--R
        +-+3| 2
--R
        \|3 \|a b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1342
--S 1343 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
--R
             +-+3+-+2 3+-+
--R
           5\|3 \|a \|b
--R
--R
                                 +---+2
                                                     +---+
                 2 2
--R
                               2 3 2
                                                      3 | 2 | 2
--R
           log((d x + 2c d x + c) | a b + (-a d x - a c) | a b + a)
--R
--R
                                +---+
--R
          +-+3+-+2 3+-+
                                3 | 2
--R
       10\|3\|a\| \b \log((dx + c)\|ab\ + a)
--R
--R
         +-+3| 2 2 2
                                  2 3+-+2
--R
                                                     3+-+3+-+ 3+-+2
--R
        5\|3\|a\|b\|c\| + 2c\|d\|x + c\|\|b\| + (-d\|x - c)\|a\|\|b\| + \|a\|
--R
--R
                               3+-+ 3+-+
--R
           +-+3| 2
--R
        - 10\|3\|a\ b\ log((d\ x + c)\|b\ + \|a\)
--R
--R
                                    +---+
--R
                                 +-+3| 2
--R
          3+-+2 \ 3+-+ \ (2d \ x + 2c) \ | 3 \ | a \ b - a \ | 3
--R
        30\|a \|b atan(-----)
--R
                                  3a
--R
           +---+
--R
                             3+-+ 3+-+
```

```
3| 2 \qquad (2d x + 2c) | b - | a
--R
--R
        - 30\|a b atan(-----)
--R
                          +-+3+-+
--R
                          \|3 \|a
--R /
                      +---+
--R
--R
       2 +-+3+-+2 3+-+3 | 2
--R
      54a d\|3 \|a \|b \|a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1343
--S 1344 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1344
)clear all
--S 1345 of 1394
t0:=1/((c*e+d*e*x)*(a+b*(c+d*x)^3)^3)
--R
--R
--R
    (1)
--R
--R /
--R
       3 10 10 3 9 9 3 2 8 8 3 3 2 7 7
--R
       b d e x + 10b c d e x + 45b c d e x + (120b c + 3a b )d e x
--R
           3 4 2 6 6 3 5 2 2 5 5
--R
--R
       (210b c + 21a b c)d e x + (252b c + 63a b c)d e x
--R
--R
           3 6
                   23 2 4 4
       (210b c + 105a b c + 3a b)d e x
--R
--R
--R
                  2 4
                           2 3 3
           3 7
--R
       (120b c + 105a b c + 12a b c)d e x
--R
--R
           3 8
                  2 5
                          2 2 2 2
--R
        (45b c + 63a b c + 18a b c )d e x
--R
--R
           3 9 2 6 2 3 3
--R
        (10b c + 21a b c + 12a b c + a )d e x
--R
--R
         3 10 2 7 2 4 3
        (bc + 3abc + 3abc + ac)e
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1345
```

```
--S 1346 of 1394
r0:=1/6/(a*d*e*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+1/3/(a^2*d*e*(a+b*(c+d*x)^3))+_
    \log(c+d*x)/(a^3*d*e)-1/3*\log(a+b*(c+d*x)^3)/(a^3*d*e)
--R
--R
--R
    (2)
--R
              266 255
                                2 2 4 4
                                             2 3
           -2b d x - 12b c d x - 30b c d x + (-40b c - 4a b) d x
--R
--R
--R
                        2 2
                                   2 5
                                               2
                                                       2 6
          (- 30b c - 12a b c)d x + (- 12b c - 12a b c)d x - 2b c - 4a b c
--R
--R
--R
--R
           - 2a
--R
--R
               3 3
                     2 2
                              2
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
--R
            266 2 55
                               2 2 4 4 2 3
--R
           6b d x + 36b c d x + 90b c d x + (120b c + 12a b)d x
--R
--R
              2 4
                         2 2 2 5
                                            2
                                                    2 6
--R
           (90b c + 36a b c)d x + (36b c + 36a b c )d x + 6b c + 12a b c
--R
            2
--R
--R
           6a
--R
--R
         log(d x + c)
--R
                       2 2 2
--R
            3 3
--R
        2a b d x + 6a b c d x + 6a b c d x + 2a b c + 3a
--R /
         3 2 7 6 3 2 6 5 3 2 2 5 4 3 2 3
--R
--R
        6a b d e x + 36a b c d e x + 90a b c d e x + (120a b c + 12a b)d e x
--R
--R
          3 2 4 4 3 2
                                 3 2 5 4 2 2
--R
       (90a b c + 36a b c)d e x + (36a b c + 36a b c )d e x
--R
--R
         3 2 6 4 3
--R
        (6a b c + 12a b c + 6a) d e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1346
--S 1347 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
              266 2 55
                                2 2 4 4 2 3 3 3
```

```
--R
           -2b d x - 12b c d x - 30b c d x + (-40b c - 4a b) d x
--R
--R
               24 22 25 2 26 3
--R
           (- 30b c - 12a b c)d x + (- 12b c - 12a b c)d x - 2b c - 4a b c
--R
--R
          - 2a
--R
--R
              3 3 2 2 2
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
                    2 5 5
                              2 2 4 4
--R
            266
                                          2 3
           6b d x + 36b c d x + 90b c d x + (120b c + 12a b)d x
--R
--R
--R
                         2 2 2 5
                                           2
                                                   2 6
             2 4
--R
          (90b c + 36a b c)d x + (36b c + 36a b c )d x + 6b c + 12a b c
--R
--R
           2
--R
           6a
--R
--R
         log(d x + c)
--R
--R
           3 3
                 2 2 2 3 2
--R
        2a b d x + 6a b c d x + 6a b c d x + 2a b c + 3a
--R /
         3 2 7 6 3 2 6 5 3 2 2 5 4 3 2 3 4 4 3
--R
--R
        6a b d e x + 36a b c d e x + 90a b c d e x + (120a b c + 12a b)d e x
--R
--R
           3 2 4
                4 3 2 3 2 5
                                         4
--R.
       (90a b c + 36a b c)d e x + (36a b c + 36a b c )d e x
--R
          3 2 6 4 3 5
--R
--R
        (6a b c + 12a b c + 6a) d e
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1347
--S 1348 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1348
--S 1349 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1349
)clear all
--S 1350 of 1394
t0:=1/((c*e+d*e*x)^2*(a+b*(c+d*x)^3)^3)
--R
--R
    (1)
--R
--R
      1
--R /
         3 11 2 11 3 10 2 10
                                    3 2 9 2 9
                                                    3 3
                                                             2 8 2 8
--R
        b d e x + 11b c d e x + 55b c d e x + (165b c + 3a b )d e x
--R
--R
                     2 727
--R
             3 4
                                    3 5
                                              2 2 6 2 6
--R
        (330b c + 24a b c)d e x + (462b c + 84a b c)d e x
--R
--R
                      23 2 5 2 5
             3 6
--R
         (462b c + 168a b c + 3a b)d e x
--R
--R
             3 7
                 2 4
                              2 424
--R
        (330b c + 210a b c + 15a b c)d e x
--R
--R
                 25 2 2 3 2 3
             3 8
--R
         (165b c + 168a b c + 30a b c)d e x
--R
--R
                  2 6
                           2 3 3 2 2 2
--R
         (55b c + 84a b c + 30a b c + a)d e x
--R
--R
            3 10 2 7
                             2 4 3
--R
         (11b c + 24a b c + 15a b c + 2a c)d e x
--R
--R
          3 11
                  28 2 5 322
--R
         (bc + 3abc + 3abc + ac)e
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--R
--E 1350
--S 1351 of 1394
 r0:=(-14/9)/(a^3*d*e^2*(c+d*x))+1/6/(a*d*e^2*(c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+_{-} \\
    7/18/(a^2*d*e^2*(c+d*x)*(a+b*(c+d*x)^3))+14/27*b^(1/3)*_
    \log(a^{(1/3)+b^{(1/3)*(c+d*x)}}/(a^{(10/3)*d*e^2})-7/27*b^{(1/3)*}
    \log(a^{(2/3)}-a^{(1/3)}*b^{(1/3)}*(c+d*x)+b^{(2/3)}*(c+d*x)^2)/_
    (a^{(10/3)}*d*e^2)+14/9*b^{(1/3)}*atan((a^{(1/3)}-2*b^{(1/3)}*(c+d*x))/_
    (a^{(1/3)}*sqrt(3)))/(a^{(10/3)}*d*e^{2}*sqrt(3))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                 2 7 7 2 6 6
                                     2 2 5 5 2 3
            - 14b d x - 98b c d x - 294b c d x + (-490b c - 28a b)d x
--R
--R
```

```
3 3 2 5
                                       2 2 2
--R
              2 4
--R
          (-490b c - 112a b c)d x + (-294b c - 168a b c)d x
--R
                                    2 7
--R
                            2
              2 6
                       3
--R
         (- 98b c - 112a b c - 14a )d x - 14b c - 28a b c - 14a c
--R
        +-+3+-+ 2 2
                            2 3+-+2
--R
                                            3+-+3+-+ 3+-+2
--R
        |3 \leq \log((dx + 2c dx + c)|b + (-dx - c)|a |b + |a )
--R
           277 266
                                       2 3 4 4
--R
                             2 2 5 5
--R
         28b d x + 196b c d x + 588b c d x + (980b c + 56a b)d x
--R
                   3 3 2 5
--R
         (980b c + 224a b c)d x + (588b c + 336a b c)d x
--R
--R
--R
            2 6
                      3
                           2
                                   2 7
--R
         (196b c + 224a b c + 28a )d x + 28b c + 56a b c + 28a c
--R
--R
         +-+3+-+
                       3+-+ 3+-+
--R
        --R
            277 2 66 2255 23 44
--R
--R
          -84b d x - 588b c d x - 1764b c d x + (-2940b c - 168a b) d x
--R
                   3 3 2 5
--R
              2 4
         (- 2940b c - 672a b c)d x + (- 1764b c - 1008a b c)d x
--R
--R
--R
              26 3 2 27 4 2
--R
         (- 588b c - 672a b c - 84a )d x - 84b c - 168a b c - 84a c
--R
--R
                      3+-+ 3+-+
        3+-+ (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
--R
        \|b atan(-----)
--R
                    +-+3+-+
--R
                   \|3 \|a
--R
--R
            266 255 2244
                                          2 3
--R
         -84b d x - 504b c d x - 1260b c d x + (-1680b c - 147a b)d x
--R
                                 2 5
--R
              2 4
                     2 2
         (- 1260b c - 441a b c)d x + (- 504b c - 441a b c)d x - 84b c
--R
--R
--R.
               3 2
         - 147a b c - 54a
--R
--R
--R
        +-+3+-+
--R
        \|3 \|a
--R /
         3 2 8 2 7 3 2 7 2 6 3 2 2 6 2 5
--R
--R
        54a b d e x + 378a b c d e x + 1134a b c d e x
```

```
--R
          3 2 3 4 5 2 4 3 2 4 4 4 2 3
--R
--R
        (1890a b c + 108a b)d e x + (1890a b c + 432a b c)d e x
--R
             3 2 5 4 2 3 2 2 3 2 6 4 3 5 2 2
--R
--R
        (1134a b c + 648a b c )d e x + (378a b c + 432a b c + 54a )d e x
--R
          3 2 7 4 4 5 2
--R
        (54a b c + 108a b c + 54a c)d e
--R
--R
--R
       +-+3+-+
--R
       \|3 \|a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1351
--S 1352 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
           277 2 66 2255 23 44
         28b d x + 196b c d x + 588b c d x + (980b c + 56a b)d x
--R
--R
--R
              2 4 3 3 2 5 2 2 2
--R
         (980b c + 224a b c)d x + (588b c + 336a b c)d x
--R
--R
                                  2 7
--R
         (196b c + 224a b c + 28a )d x + 28b c + 56a b c + 28a c
--R
            +-+ +-+2
|b |b
--R
--R
         +-+ |b
--R
        |3 3| - \log(a 3| - + b d x + b c)
--R
          \|a \|a
--R
             277 2 66 2255 23
--R
--R
         -14b d x - 98b c d x - 294b c d x + (-490b c - 28a b) d x
--R
--R
                          3 3 2 5
               2 4
--R
         (- 490b c - 112a b c)d x + (- 294b c - 168a b c )d x
--R
--R
              2 6
                        3
                             2 2 7
         (- 98b c - 112a b c - 14a )d x - 14b c - 28a b c - 14a c
--R
--R
--R
                              +-+2 +-+
         +-+ |b
--R
                              |b |b 22
--R
         |3| - \log((-adx - ac) 3| - + a3| - + bdx + 2bcdx + bc)
--R
                              \|a \|a
--R
           277 2 66 2255 23 44
--R
--R
          84b d x + 588b c d x + 1764b c d x + (2940b c + 168a b)d x
```

```
--R
            24 33 25 222
--R
--R
          (2940b c + 672a b c)d x + (1764b c + 1008a b c)d x
--R
              26 3 2 27 4 2
--R
--R
         (588b c + 672a b c + 84a )d x + 84b c + 168a b c + 84a c
--R
--R
                +-+ |b
--R
              a|3 3|- + (- 2b d x - 2b c)|3
--R
--R
                \|a
         lъ
--R
         3|- atan(-----)
--R
         \|a
                           +-+2
--R
--R
                         3a 3|-
--R
                           \|a
--R
--R
             266 255 2244
                                          2 3
          -84b d x - 504b c d x - 1260b c d x + (-1680b c - 147a b) d x
--R
--R
--R
               2 4 2 2 2 5
--R
          (- 1260b c - 441a b c)d x + (- 504b c - 441a b c )d x - 84b c
--R
--R
           3 2
--R
          - 147a b c - 54a
--R
--R
         +-+
--R
        \|3
--R /
          3 2 8 2 7 3 2 7 2 6 3 2 2 6 2 5
--R
--R
         54a b d e x + 378a b c d e x + 1134a b c d e x
--R
             3 2 3 4 5 2 4
--R
                                  3 2 4
--R
         (1890a b c + 108a b)d e x + (1890a b c + 432a b c)d e x
--R
             3 2 5 4 2 3 2 2 3 2 6 4 3 5 2 2
--R
--R
        (1134a b c + 648a b c )d e x + (378a b c + 432a b c + 54a )d e x
--R
          3 2 7 4 4 5 2
--R
--R
        (54a b c + 108a b c + 54a c)d e
--R
--R
       +-+
--R.
       \|3
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1352
--S 1353 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R
    (4)
        +-+3+-+ 2 2 2 3+-+2
--R
                                        3+-+3+-+ 3+-+2
--R
       7\|3\|b\|\log((d\|x\| + 2c\|d\|x\| + c\|)\|b\| + (-d\|x\| - c)\|a\|b\| + \|a\|)
--R
          +-+3+-+ 3+-+ 3+-+
--R
--R
       - 14\|3\|b\|\log((d\ x + c)\|b\ + \|a\|)
--R
--R
                +-+
                       +-+2
--R
         +-+3+-+ |b
                        lъ
       14\|3\|a\|3| - \log(a\|3| - b\|d\|x + b\|c)
--R
--R
         \|a \|a
--R
--R
--R
           +-+3+-+ |b
--R
--R
          7\|3 \|a 3|-
--R
                  \|a
--R
                            +-+2 +-+
--R
                           |b |b 22 2
--R
--R
          log((-adx-ac)3|-+a3|-+bdx+2bcdx+bc)
--R
                           \|a \|a
--R
--R
                         3+-+ 3+-+
--R
         3+-+ (2d x + 2c)\|b - \|a
       42\|b atan(-----)
--R
                     +-+3+-+
--R
--R
                      \|3 \|a
--R
--R
                         +-+2
                     +-+ |b
--R
                    a|3  3|- + (- 2b d x - 2b c)|3
--R
--R
         3+-+ |b \|a
--R
       42\|a 3|- atan(-----)
--R
            \|a
                                +-+2
--R
                                 |b
--R
                              3a 3|-
--R
                                 \|a
--R /
       3 2 +-+3+-+
--R
--R
      27a d e \|3 \|a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1353
--S 1354 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1354
)clear all
--S 1355 of 1394
t0:=1/((c*e+d*e*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3)^3)
--R
--R
    (1)
--R
--R
      1
--R /
--R
         3 12 3 12 3 11 3 11
                                    3 2 10 3 10
                                                     3 3
        b d e x + 12b c d e x + 66b c d e x + (220b c + 3a b )d e x
--R
--R
                     2 838
--R
            3 4
                                    3 5
                                               22737
--R
        (495b c + 27a b c)d e x + (792b c + 108a b c)d e x
--R
--R
                      2 3
                            2 6 3 6
            3 6
--R
         (924b c + 252a b c + 3a b)d e x
--R
--R
            3 7
                    2 4
                              2 5 3 5
--R
        (792b c + 378a b c + 18a b c)d e x
--R
--R
                 25 2 2 4 3 4
             3 8
--R
         (495b c + 378a b c + 45a b c)d e x
--R
--R
                      2 6
                              2 3 3 3 3 3
--R
         (220b c + 252a b c + 60a b c + a)d e x
--R
--R
            3 10 2 7
                              2 4 3 2 3 2
--R
         (66b c + 108a b c + 45a b c + 3a c)d e x
--R
--R
            3 11
                     2 8
                              2 5
                                       3 2
--R
        (12b c + 27a b c + 18a b c + 3a c )d e x
--R
--R
          3 12
                  29 2 6 333
--R
        (bc + 3abc + 3abc + ac)e
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1355
--S 1356 of 1394
r0:=(-10/9)/(a^3*d*e^3*(c+d*x)^2)+1/6/(a*d*e^3*(c+d*x)^2*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+_
    4/9/(a^2*d*e^3*(c+d*x)^2*(a+b*(c+d*x)^3))-20/27*b^(2/3)*log(a^(1/3)+__
    b^{(1/3)*(c+d*x))/(a^{(11/3)*d*e^3)+10/27*b^{(2/3)*log(a^{(2/3)}-_
    a^{(1/3)*b^{(1/3)*(c+d*x)+b^{(2/3)*(c+d*x)^2)}/(a^{(11/3)*d*e^3)}+_
    20/9*b^(2/3)*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*(c+d*x))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
    (a^{(11/3)}*d*e^{3*sqrt(3)})
--R
--R
--R (2)
```

```
288 277 2266 23 55
--R
--R
         20b d x + 160b c d x + 560b c d x + (1120b c + 40a b)d x
--R
                             2 5
--R
             2 4
                       4 4
         (1400b c + 200a b c)d x + (1120b c + 400a b c)d x
--R
--R
             26 3 222 27 4
--R
--R
         (560b c + 400a b c + 20a) d x + (160b c + 200a b c + 40a c) d x
--R
--R
                   5
                       2 2
          2.8
--R
         20b c + 40a b c + 20a c
--R
        +-+3+-+2 2 2
                            2 3+-+2
                                           3+-+3+-+ 3+-+2
--R
--R
        |3|b \log((dx + 2c dx + c)|b + (-dx - c)|a|b + |a|
--R
--R
           288 277 2266
                                          2 3
--R
         -40b d x - 320b c d x - 1120b c d x + (-2240b c - 80a b)d x
--R
                               2 5
                    4 4
--R
              2 4
                                        2 3 3
         (-2800b c - 400a b c)d x + (-2240b c - 800a b c)d x
--R
--R
              26 3 222
--R
--R
         (- 1120b c - 800a b c - 40a )d x
--R
                           2 28 5 22
--R
         (- 320b c - 400a b c - 80a c)d x - 40b c - 80a b c - 40a c
--R
--R
        +-+3+-+2 3+-+ 3+-+
--R
--R
        --R
             288 277 2266 23 55
--R
--R
         -120b d x - 960b c d x - 3360b c d x + (-6720b c - 240a b) d x
--R
                    4 4 2 5 2 3 3
--R
--R
         (-8400b c - 1200a b c)d x + (-6720b c - 2400a b c)d x
--R
                        3
                             2 2 2
--R
              2 6
--R
         (- 3360b c - 2400a b c - 120a )d x
--R
--R
                            2
                                      2 8 5
--R
        (- 960b c - 1200a b c - 240a c)d x - 120b c - 240a b c - 120a c
--R
--R.
                      3+-+ 3+-+
--R
        3+-+2 (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
        \|b atan(-----)
                   +-+3+-+
--R
--R
                   \|3 \|a
--R
           266 255 2244 23 33
--R
--R
         -60b d x - 360b c d x - 900b c d x + (-1200b c - 96a b)d x
```

```
--R
             2 4 2 2 2 5
                                            2 2 6
--R
--R
          (- 900b c - 288a b c)d x + (- 360b c - 288a b c )d x - 60b c
--R
                 3 2
--R
          - 96a b c - 27a
--R
--R
--R
          +-+3+-+2
         \|3 \|a
--R
--R /
--R
           3 2 9 3 8 3 2 8 3 7 3 2 2 7 3 6
--R
         54a b d e x + 432a b c d e x + 1512a b c d e x
--R
             3 2 3 4 6 3 5 3 2 4
--R
--R
         (3024a \ b \ c + 108a \ b)d \ e \ x + (3780a \ b \ c + 540a \ b \ c)d \ e \ x
--R
--R
              3 2 5 4 2 4 3 3
         (3024a b c + 1080a b c )d e x
--R
--R
--R
             3 2 6 4 3 5 3 3 2
--R
         (1512a b c + 1080a b c + 54a )d e x
--R
--R
             3 2 7 4 4 5 2 3
--R
         (432a b c + 540a b c + 108a c)d e x
--R
--R
           3 2 8 4 5 5 2 3
--R
         (54a b c + 108a b c + 54a c )d e
--R
--R
        +-+3+-+2
--R
        \|3 \|a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1356
--S 1357 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
              288 277 2266
--R
                                                 2 3 5 5
           - 20b d x - 160b c d x - 560b c d x + (- 1120b c - 40a b)d x
--R
--R
                                                    2 3 3
--R
                2 4
                             4 4
                                    2 5
--R.
          (- 1400b c - 200a b c)d x + (- 1120b c - 400a b c )d x
--R
--R
                2 6
                      3
                                2 2 2
--R
           (-560b c - 400a b c - 20a)d x
--R
--R
                                2
                                          28 5 22
           (-160b\ c\ -200a\ b\ c\ -40a\ c)d\ x\ -20b\ c\ -40a\ b\ c\ -20a\ c
--R
--R
```

```
--R
           1 2
--R
--R
        +-+ | b
--R
        \|3 |- --
--R
         3| 2
--R
           \| a
--R
--R
             +---+2
            1 2
--R
           2 | b
                                | b 2 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
        log(a | --- + (a b d x + a b c) | --- + b d x + 2b c d x + b c)
                               3| 2
             3| 2
--R
            \| a
--R
                                \| a
--R
          288 277 2266 23 55
--R
--R
         40b d x + 320b c d x + 1120b c d x + (2240b c + 80a b)d x
--R
--R
            2 4
                  4 4 2 5 2 3 3
         (2800b c + 400a b c)d x + (2240b c + 800a b c)d x
--R
--R
--R
                     3 2 2 2 2 7 4 2
         (1120b c + 800a b c + 40a)d x + (320b c + 400a b c + 80a c)d x
--R
--R
--R
          28 5 22
--R
         40b c + 80a b c + 40a c
--R
--R
--R
           1 2
                      | 2
        | 2 | 2
+-+ | b | b
--R
--R
        3| 2 3| 2
\| a \| a
--R
--R
--R
           288 277 2266 23 55
--R
--R
         -120b d x - 960b c d x - 3360b c d x + (-6720b c - 240a b) d x
--R
                    4 4 2 5 2 3 3
--R
              2 4
         (- 8400b c - 1200a b c)d x + (- 6720b c - 2400a b c)d x
--R
--R
--R
                   3 2 2 2
         (- 3360b c - 2400a b c - 120a )d x
--R
--R
             27 4 2 28 5 22
--R
--R
         (- 960b c - 1200a b c - 240a c)d x - 120b c - 240a b c - 120a c
--R
--R
                    | 2
--R
                 +-+ | b
--R
--R
                a = -- + (2b d x + 2b c) | 3
                3| 2
        1 2
--R
```

```
| b \| a
--R
--R
         |- -- atan(-----)
--R
         3| 2
                             1 2
--R
         \| a
--R
                              l b
--R
                            3a |- --
                             3| 2
--R
--R
                              \| a
--R
                                          2 3
             266 255 2244
--R
--R
          - 60b d x - 360b c d x - 900b c d x + (-1200b c - 96a b)d x
--R
                     2 2 2 5 2
--R
          (- 900b c - 288a b c)d x + (- 360b c - 288a b c )d x - 60b c
--R
--R
--R
               3 2
--R
          - 96a b c - 27a
--R
--R
         +-+
--R
         \|3
--R /
--R
          3 2 9 3 8 3 2 8 3 7 3 2 2 7 3 6
--R
         54a b d e x + 432a b c d e x + 1512a b c d e x
--R
--R
             3 2 3 4 6 3 5 3 2 4 4 5 3 4
--R
        (3024a b c + 108a b)d e x + (3780a b c + 540a b c)d e x
--R
             3 2 5 4 2 4 3 3
--R
--R
         (3024a b c + 1080a b c)d e x
--R
             3 2 6 4 3 5 3 3 2
--R
--R
         (1512a b c + 1080a b c + 54a)d e x
--R
            3 2 7 4 4 5 2 3
--R
--R
         (432a b c + 540a b c + 108a c)d e x
--R
          3 2 8 4 5 5 2 3
--R
--R
        (54a b c + 108a b c + 54a c )d e
--R
--R
        +-+
--R
       \|3
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1357
--S 1358 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
          +-+3+-+2
                    2 2 2 3+-+2
                                                 3+-+3+-+ 3+-+2
```

```
- 10\|3 \|b \log((d x + 2c d x + c )\|b \ + (- d x - c)\|a \|b \ + \|a \)
--R
--R
                 3+-+ 3+-+
--R
        +-+3+-+2
--R
       20\|3\|b\ \log((d\ x + c)\|b\ + \|a\)
--R
--R
--R
                +---+
--R
               | 2
            +-+ | b 3+-+2
--R
          10\|3 |- -- \|a
--R
--R
               3| 2
               \| a
--R
--R
               +---+2
--R
                                  | 2
| b 222 2 22
--R
               1 2
--R
             2 | b
--R
         log(a | --- + (a b d x + a b c) | --- + b d x + 2b c d x + b c)
                                  3| 2
--R
              3| 2
--R
              \| a
                                   \| a
--R
--R
             +---+
         | 2
+-+ | b 3+-+2 | b
--R
--R
       --R
            --R
--R
--R
--R
                        3+-+ 3+-+
        3+-+2 (2d x + 2c)\|b - \|a
--R
       60\|b atan(-----)
--R
--R
                     +-+3+-+
--R
                     \|3 \|a
--R
--R
--R
                           1 2
                        +-+ | b
--R
                       a|3 |--- + (2b d x + 2b c)|3
--R
           | 2 3| 2
| b 3+-+2 \| a
--R
--R
       - 60 |- -- \|a atan(-----)
--R
        3| 2
--R
--R
          \| a
                                   1 2
                                   l b
--R
                                 3a |- --
--R
                                   3| 2
--R
                                   \| a
--R
--R /
--R
       3 3 +-+3+-+2
      27a d e \|3 \|a
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1358
--S 1359 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1359
)clear all
--S 1360 of 1394
t0:=1/((c*e+d*e*x)^4*(a+b*(c+d*x)^3)^3)
--R
--R
--R (1)
--R
   1
--R /
--R
        3 13 4 13 3 12 4 12 3 2 11 4 11 3 3 2 10 4 10
       b d e x + 13b c d e x + 78b c d e x + (286b c + 3a b )d e x
--R
--R
--R
          3 4 2 9 4 9
                                  3 5 2 2 8 4 8
--R
       (715b c + 30a b c)d e x + (1287b c + 135a b c)d e x
--R
--R
             3 6 2 3 2 7 4 7
--R
       (1716b c + 360a b c + 3a b)d e x
--R
--R
             3 7
                 2 4
                            2
                                6 4 6
--R
       (1716b c + 630a b c + 21a b c)d e x
--R
            38 25 2 2 5 4 5
--R
--R
       (1287b c + 756a b c + 63a b c )d e x
--R
--R
           3 9
                    2 6
                            2 3 3 4 4 4
       (715b c + 630a b c + 105a b c + a )d e x
--R
--R
           3 10
--R
                  2 7
                             2 4
                                     3 3 4 3
--R
       (286b c + 360a b c + 105a b c + 4a c)d e x
--R
--R
          3 11
                    2 8
                           2 5
--R
       (78b c + 135a b c + 63a b c + 6a c )d e x
--R.
--R.
           3 12 2 9
                          2 6 3 3
--R
        (13b c + 30a b c + 21a b c + 4a c )d e x
--R
--R
        3 13 2 10 2 7 3 4 4
--R
        (bc + 3abc + 3abc + ac)e
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1360
```

```
--S 1361 of 1394
r0:=(-1)/(a^3*d*e^4*(c+d*x)^3)+1/6/(a*d*e^4*(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3)^2)+_
    1/2/(a^2*d*e^4*(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^3))-3*b*log(c+d*x)/(a^4*d*e^4)+_
    b*log(a+b*(c+d*x)^3)/(a^4*d*e^4)
--R
--R
--R
    (2)
           3 9 9 3 8 8 3 2 7 7 3 3 2 6 6
--R
--R
          6b d x + 54b c d x + 216b c d x + (504b c + 12a b) d x
--R
                      2 5 5
                                3 5
                                           2 2 4 4
--R
              3 4
          (756b c + 72a b c)d x + (756b c + 180a b c)d x
--R
--R
                    2 3
--R
              3 6
                            2 3 3
--R
          (504b c + 240a b c + 6a b)d x
--R
--R
              3 7
                      2 4
                              2
                                   2.2
--R
           (216b c + 180a b c + 18a b c)d x
--R
--R
                     25 2 2 39 26 23
             3 8
           (54b c + 72a b c + 18a b c )d x + 6b c + 12a b c + 6a b c
--R
--R
--R
              3 3 2 2
                            2 3
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
               3 9 9 3 8 8 3 2 7 7
--R
                                             3 3
--R
           - 18b d x - 162b c d x - 648b c d x + (- 1512b c - 36a b )d x
--R
                     2 5 5 3 5 2 2 4 4
--R
                 3 4
--R
           (-2268b c - 216a b c)d x + (-2268b c - 540a b c)d x
--R
--R
                 3 6
                         2 3
                                2 3 3
--R
          (- 1512b c - 720a b c - 18a b)d x
--R
--R.
                3 7
                        2 4
                               2 2 2
--R
          (- 648b c - 540a b c - 54a b c)d x
--R
                               2 2
                                           3 9 2 6 2 3
--R
               3 8
                        2 5
--R
          (- 162b c - 216a b c - 54a b c )d x - 18b c - 36a b c - 18a b c
--R
--R
         log(d x + c)
--R
--R
            266 255 2244
                                                23 2 33
       - 6a b d x - 36a b c d x - 90a b c d x + (- 120a b c - 9a b)d x
--R
--R
--R
             2 4
                  2
                        2 2 2 5
                                          2 2 2 6
       (- 90a b c - 27a b c)d x + (- 36a b c - 27a b c)d x - 6a b c
--R
--R
--R
          2 3 3
```

```
--R
       - 9a b c - 2a
--R /
--R
        4 2 10 4 9 4 2 9 4 8 4 2 2 8 4 7
--R
       6a b d e x + 54a b c d e x + 216a b c d e x
--R
                               4 2 4 5 6 4 5
--R
           4 2 3 5 7 4 6
--R
       (504a b c + 12a b)d e x + (756a b c + 72a b c)d e x
--R
           4 2 5 5 2 5 4 4 4 2 6 5 3 6 4 4 3
--R
--R
       (756a b c + 180a b c )d e x + (504a b c + 240a b c + 6a )d e x
--R
--R
                   5 4 6 3 4 2
           4 2 7
       (216a b c + 180a b c + 18a c)d e x
--R
--R
--R
          428 5 5 6224 429 5 6 63 4
--R
       (54a b c + 72a b c + 18a c )d e x + (6a b c + 12a b c + 6a c )d e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1361
--S 1362 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           3 9 9 3 8 8 3 2 7 7 3 3 2 6 6
--R
          6b d x + 54b c d x + 216b c d x + (504b c + 12a b )d x
--R
--R
--R
             3 4 2 5 5 3 5 2 2 4 4
--R
          (756b c + 72a b c)d x + (756b c + 180a b c)d x
--R
                  23 2 33
--R
              3 6
--R
          (504b c + 240a b c + 6a b)d x
--R
              37 24 2 22
--R
--R
          (216b c + 180a b c + 18a b c)d x
--R
--R
             3 8
                     2 5
                           2 2
                                      3 9
                                               26 2 3
--R
          (54b c + 72a b c + 18a b c )d x + 6b c + 12a b c + 6a b c
--R
--R
              3 3
                      2 2
--R
         log(b d x + 3b c d x + 3b c d x + b c + a)
--R
--R
             3 9 9 3 8 8 3 2 7 7
                                               3 3 2 6 6
          - 18b d x - 162b c d x - 648b c d x + (- 1512b c - 36a b )d x
--R
--R
                                               2 2 4 4
--R
                3 4
                      2 5 5
                                      3 5
          (-2268b c - 216a b c)d x + (-2268b c - 540a b c)d x
--R
--R
               36 23 2 33
--R
--R
           (-1512b c - 720a b c - 18a b)d x
```

```
--R
             3 7 2 4 2 2 2
--R
--R
          (- 648b c - 540a b c - 54a b c)d x
--R
                38 25 2 2 39 26 23
--R
--R
           (-162b\ c\ -216a\ b\ c\ -54a\ b\ c\ )d\ x\ -18b\ c\ -36a\ b\ c\ -18a\ b\ c
--R
--R
         log(d x + c)
--R
--R
           266
                     2 5 5
                                 2 2 4 4
                                                23 2 33
--R
       - 6a b d x - 36a b c d x - 90a b c d x + (- 120a b c - 9a b)d x
--R
                   2 22
             2 4
                                    2 5
                                          2 2
--R
       (- 90a b c - 27a b c)d x + (- 36a b c - 27a b c )d x - 6a b c
--R
--R
--R
          2 3 3
--R
       - 9a b c - 2a
--R /
         4 2 10 4 9 4 2 9 4 8 4 2 2 8 4 7
--R
--R
       6a b d e x + 54a b c d e x + 216a b c d e x
--R
--R
          423 5 746 424 5 645
       (504a b c + 12a b)d e x + (756a b c + 72a b c)d e x
--R
--R
--R
            425 52544 426 53 6443
--R
       (756a b c + 180a b c )d e x + (504a b c + 240a b c + 6a )d e x
--R
--R
            4 2 7 5 4 6 3 4 2
--R
       (216a b c + 180a b c + 18a c)d e x
--R
                 5 5 6224
--R
           4 2 8
                                      429 56 63 4
--R
        (54a b c + 72a b c + 18a c )d e x + (6a b c + 12a b c + 6a c )d e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1362
--S 1363 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1363
--S 1364 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1364
```

```
)clear all
--S 1365 of 1394
t0:=(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^4)
--R
--R
--R
   (1)
    77 66 255 344 4 33
--R
--R
    b d x + 7b c d x + 21b c d x + 35b c d x + (35b c + a)d x
--R
         5
              2 2
                      6
                              2
                                      7
--R
    (21b c + 3a c)d x + (7b c + 3a c)d x + b c + a c
--R
--R
                                        Type: Polynomial(Integer)
--E 1365
--S 1366 of 1394
r0:=1/4*a*(c+d*x)^4/d+1/8*b*(c+d*x)^8/d
--R
--R
--R
    (2)
      1 88 77 7 266 355 35 4 1 44
--R
      - b d x + b c d x + - b c d x + 7b c d x + (-- b c + - a)d x
--R
--R
     8
                       2
--R
        5 33 7 6 3 2 2 2 7 3 1 8
--R
--R
       (7bc + ac)dx + (-bc + -ac)dx + (bc + ac)dx + -bc
--R
                      2
--R
--R
      1 4
--R
      - a c
--R
      4
--R /
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1366
--S 1367 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
--R
   1 78 67 7 256 345 35 4 1 34
--R
   - b d x + b c d x + - b c d x + 7b c d x + (-- b c + - a)d x
--R
                     2
--R
      5 23 7 6 3 2 2
--R
--R
      (7b c + a c)d x + (-b c + -a c)d x + (b c + a c)x
                     2
                            2
--R
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
```

```
--Е 1367
--S 1368 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        1 8 1 4
--R
       --bc --ac
        8 4
--R
--R (4) -----
        d
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1368
--S 1369 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1369
)clear all
--S 1370 of 1394
t0:=(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^4)^2
--R
--R
--R
   (1)
   --R
--R
    bdx + 11bcdx + 55bcdx + 165bcdx + (330bc + 2ab)dx
--R +
--R
                   6 6
                            2 6
                                     2 5 5
--R
    (462b c + 14a b c)d x + (462b c + 42a b c)d x
--R
        27 3 4 4 2 8 4 2 3 3
--R
--R
    (330b c + 70a b c)d x + (165b c + 70a b c + a)d x
--R
--R
              5 2 2 2 2 10 6 2 2
--R
    (55b c + 42a b c + 3a c)d x + (11b c + 14a b c + 3a c)d x + b c
--R
         7 23
--R
--R
    2abc + ac
--R
                                        Type: Polynomial(Integer)
--Е 1370
--S 1371 of 1394
r0:=1/12*(a+b*(c+d*x)^4)^3/(b*d)
--R
--R
```

```
--R
    (2)
        1 3 12 12 3 11 11 11 3 2 10 10 55 3 3 9 9
--R
--R
        -- b d x + b c d x + -- b c d x + -- b c d x
--R
       12
--R
        165 3 4 1 2 8 8
                             3 5
                                      2 77 36
                                                         2 2 6 6
--R
--R
       (---bc + -ab)dx + (66bc + 2abc)dx + (77bc + 7abc)dx
--R
--R
         3 7 2 3 5 5 165 3 8 35 2 4 1 2 4 4
--R
--R
       (66b c + 14a b c )d x + (--- b c + -- a b c + - a b)d x
                                      2
--R
--R
        55 3 9 2 5 2 3 3 11 3 10 2 6 3 2 2 2 2
--R
        (--\ b\ c\ +\ 14a\ b\ c\ +\ a\ b\ c)d\ x\ +\ (--\ b\ c\ +\ 7a\ b\ c\ +\ -\ a\ b\ c\ )d\ x
--R
--R
--R
--R
        3 11 2 7 2 3
                                1 3 12 1 2 8 1 2 4 1 3
--R
        (b c + 2a b c + a b c )d x + -- b c + - a b c + - a b c + -- a
--R
                                 12 4 4
--R /
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1371
--S 1372 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
     1 2 11 12 2 10 11 11 2 2 9 10 55 2 3 8 9
--R
      -- b d x + b c d x + -- b c d x + -- b c d x
--R
--R
                           2 5
                                              2 6
--R
      165 2 4 1
                    7 8
                                       6 7
--R
      (--- b c + - a b) d x + (66b c + 2a b c) d x + (77b c + 7a b c) d x
--R
--R
        2 7
               3 4 5 165 2 8 35
--R
                                         4 1 2 3 4
--R
      (66b c + 14a b c )d x + (--- b c + -- a b c + - a )d x
--R
--R
--R.
      55 2 9
               5 2 2 3 11 2 10 6 3 2 2
--R
      (-- b c + 14a b c + a c)d x + (-- b c + 7a b c + - a c )d x
--R
                                  2
--R
--R
      2 11 7 2 3
--R
      (bc + 2abc + ac)x
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1372
```

```
--S 1373 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 3 12 1 2 8 1 2 4 1 3
--R
       ---bc --abc --abc ---a
--R
                4
        12
--R (4) -----
--R
                    b d
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1373
--S 1374 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1374
)clear all
--S 1375 of 1394
t0:=(c+d*x)^3*(a+b*(c+d*x)^4)^3
--R
--R
--R
   (1)
--R
   3 15 15 3 14 14 3 2 13 13 3 3 12 12
--R.
    bd x + 15b cd x + 105b cd x + 455b cd x
--R
        3 4 2 11 11 3 5 2 10 10
--R
--R
    (1365b c + 3a b)d x + (3003b c + 33a b c)d x
--R
         3 6
--R
                 2299
                              3 7
    (5005b c + 165a b c )d x + (6435b c + 495a b c )d x
--R
--R
               24 2 77 39 25
--R
         3 8
     (6435b c + 990a b c + 3a b)d x + (5005b c + 1386a b c + 21a b c)d x
--R
--R
--R
         3 10
                   2 6
                         2 2 5 5
    (3003b c + 1386a b c + 63a b c )d x
--R
--R.
--R
         3 11 2 7 2 3 4 4
--R
    (1365b c + 990a b c + 105a b c )d x
--R
       3 12 2 8 2 4 3 3 3
--R
--R
    (455b c + 495a b c + 105a b c + a )d x
--R
--R
     3 13 2 9 2 5 3 2 2
```

```
--R
     (105b c + 165a b c + 63a b c + 3a c)d x
--R
        3 14 2 10 2 6 3 2 3 15 2 11 2 7
--R
--R
     (15b c + 33a b c + 21a b c + 3a c )d x + b c + 3a b c + 3a b c
--R +
--R
      3 3
--R
     a c
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 1375
--S 1376 of 1394
r0:=1/16*(a+b*(c+d*x)^4)^4/(b*d)
--R
--R
--R
    (2)
--R
       1 4 16 16 4 15 15 15 4 2 14 14 4 3 13 13
--R
       -- b d x + b c d x + -- b c d x + 35b c d x
--R
        16
--R
        455 4 4 1 3 12 12 4 5 3 11 11
--R
--R
        (--- b c + - a b) d x + (273b c + 3a b c) d x
--R
         4
                4
--R
--R
        1001 4 6 33 3 2 10 10 4 7 3 3 9 9
--R
        (---- b c + -- a b c) d x + (715b c + 55a b c) d x
--R
                 2
--R
--R
        6435 4 8 495 3 4 3 2 2 8 8
--R
        (---- b c + --- a b c + - a b) d x
--R.
                 4
--R
          4 9 3 5 2 2 7 7
--R
--R
       (715b c + 198a b c + 3a b c)d x
--R
        1001 4 10 3 6 21 2 2 2 6 6
--R
       (---- b c + 231a b c + -- a b c )d x
--R
--R
--R
                     3 7
--R
          4 11
                           2 2 3 5 5
--R
       (273b c + 198a b c + 21a b c)d x
--R
--R
        455 4 12 495 3 8 105 2 2 4 1 3 4 4
--R.
        (--- b c + --- a b c + --- a b c + - a b)d x
--R.
                  4
                            4
--R
--R
         4 13 3 9
                          2 2 5 3 3 3
--R
       (35b c + 55a b c + 21a b c + a b c)d x
--R
       15 4 14 33 3 10 21 2 2 6 3 3 2 2 2
--R
--R.
        (-- b c + -- a b c + -- a b c + - a b c )d x
```

```
2 2 2 2
--R
--R
       4 15 3 11 2 2 7 3 3 1 4 16 1 3 12
--R
--R
       (b c + 3a b c + 3a b c + a b c )d x + -- b c + - a b c
--R
                                        16
--R
--R
       3 2 2 8 1 3 4 1 4
--R
       - a b c + - a b c + -- a
              4
--R
--R /
--R
      b d
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1376
--S 1377 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
     1 3 15 16 3 14 15 15 3 2 13 14 3 3 12 13
--R
     -- b d x + b c d x + -- b c d x + 35b c d x
--R
     16
                          2
--R
--R
      455 3 4 1 2 11 12 3 5 2 10 11
--R
      (--- b c + - a b) d x + (273b c + 3a b c) d x
--R
      4 4
--R
--R
      1001 3 6 33 2 2 9 10 3 7 2 3 8 9
--R
      (---- b c + -- a b c) d x + (715b c + 55a b c) d x
--R.
        2
               2
--R
      6435 3 8 495 2 4 3 2 7 8 3 9 2 5 2 6 7
--R
--R
      (---- b c + --- a b c + - a b) d x + (715b c + 198a b c + 3a b c) d x
--R
--R
      1001 3 10 2 6 21 2 2 5 6
--R
--R
      (---- b c + 231a b c + -- a b c) d x
--R
--R
--R
        3 11
                2 7
                         2 3 4 5
--R
      (273b c + 198a b c + 21a b c)d x
--R
--R.
      455 3 12 495 2 8 105 2 4 1 3 3 4
      (--- b c + --- a b c + --- a b c + - a )d x
--R
--R
               4
                         4
--R
       3 13 2 9 2 5 3 2 3
--R
--R
      (35b c + 55a b c + 21a b c + a c)d x
--R
--R
     15 3 14 33 2 10 21 2 6 3 3 2
```

```
(-- b c + -- a b c + -- a b c + - a c )d x
--R
    2 2
--R +
--R
     3 15 2 11 2 7 3 3
--R
    (bc + 3a bc + 3a bc + ac)x
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1377
--S 1378 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 4 16 1 3 12 3 2 2 8 1 3 4 1 4
--R
--R
       ---bc --abc --abc ---a
        16 4
--R
                        8 4 16
--R
--R
                         b d
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1378
--S 1379 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1379
)clear all
--S 1380 of 1394
t0:=(c+d*x)^3/(a+b*(c+d*x)^4)
--R
--R
                3 3 2 2 2 3
--R
--R
               dx + 3c dx + 3c dx + c
--R (1) ------
        4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
       bdx + 4bcdx + 6bcdx + 4bcdx + bc + a
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1380
--S 1381 of 1394
r0:=1/4*log(a+b*(c+d*x)^4)/(b*d)
--R
--R
            4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
       log(b d x + 4b c d x + 6b c d x + 4b c d x + b c + a)
--R (2) -----
--R
                           4b d
```

```
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1381
--S 1382 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
              4 4 3 3 2 2 2 3
--R
        log(b d x + 4b c d x + 6b c d x + 4b c d x + b c + a)
--R
--R
--R
                                4b d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1382
--S 1383 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1383
--S 1384 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1384
)clear all
--S 1385 of 1394
t0:=(c+d*x)^3/(a+b*(c+d*x)^4)^2
--R
--R
--R
    (1)
      3 3 2 2 2 3
--R
      d x + 3c d x + 3c d x + c
--R
--R /
        288 2 77 2266 2355 24 44
--R
       b d x + 8b c d x + 28b c d x + 56b c d x + (70b c + 2a b)d x
--R
--R
--R
                      3 3 2 6
                                      2 2 2
                                                   2 7
        (56b c + 8a b c)d x + (28b c + 12a b c)d x + (8b c + 8a b c)d x
--R
--R
        28 4 2
--R
--R
        bc + 2abc + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1385
```

```
--S 1386 of 1394
r0:=(-1/4)/(b*d*(a+b*(c+d*x)^4))
--R
--R
--R
                                 1
--R
--R
--R
                             2 2 3 2 2 3 2
          254 2 43
--R
                                                2 4
--R
          b d x + 4b c d x + 6b c d x + 4b c d x + (b c + a b)d
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1386
--S 1387 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
   (3) - -----
           254 243 2232 232 24
--R
--R
          4b d x + 16b c d x + 24b c d x + 16b c d x + (4b c + 4a b)d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1387
--S 1388 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1388
--S 1389 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1389
)clear all
--S 1390 of 1394
t0:=(c+d*x)^3/(a+b*(c+d*x)^4)^3
--R
--R
--R (1)
--R
     3 3 2 2 2 3
     d x + 3c d x + 3c d x + c
--R
```

```
--R /
        3 12 12 3 11 11 3 2 10 10 3 3 9 9
--R
--R
       b d x + 12b c d x + 66b c d x + 220b c d x
--R
          3 4 2 8 8 3 5 2 7 7
--R
--R
      (495b c + 3a b)d x + (792b c + 24a b c)d x
--R
--R
                  2 2 6 6
                               3 7
       (924b c + 84a b c) d x + (792b c + 168a b c) d x
--R
--R
--R
          3 8
                 24 244 39 25
       (495b c + 210a b c + 3a b)d x + (220b c + 168a b c + 12a b c)d x
--R
--R
                         2 2 2 2 3 11
--R
          3 10
                  2 6
                                              2 7
--R
       (66b c + 84a b c + 18a b c )d x + (12b c + 24a b c + 12a b c )d x
--R
--R
        3 12 2 8 2 4 3
--R
       bc + 3a bc + 3a bc + a
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1390
--S 1391 of 1394
r0:=(-1/8)/(b*d*(a+b*(c+d*x)^4)^2)
--R
--R
   (2)
--R
--R
--R
--R
--R
--R
         3 9 8 3 8 7 3 2 7 6 3 3 6 5 3 4 2 5 4
--R
--R
         bdx + 8bcdx + 28bcdx + 56bcdx + (70bc + 2ab)dx
--R
--R
                  2 4 3
                              3 6
                                       2 2 3 2
                                                  3 7
--R
         (56b c + 8a b c)d x + (28b c + 12a b c)d x + (8b c + 8a b c)d x
--R
--R
           3 8
                 2 4 2
--R
          (bc + 2abc + ab)d
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1391
--S 1392 of 1394
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R -
--R 1
--R /
```

```
3 9 8 3 8 7 3 2 7 6 3 3 6 5
--R
--R
          8b d x + 64b c d x + 224b c d x + 448b c d x
--R
--R
               3 4 2 5 4
                                3 5
                                           2 4 3
--R
          (560b c + 16a b)d x + (448b c + 64a b c)d x
--R
              3 6 2 2 3 2 3 7 2 3 2
--R
--R
          (224b c + 96a b c) d x + (64b c + 64a b c) d x
--R
--R
            3 8
                    2 4 2
--R
           (8b c + 16a b c + 8a b)d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1392
--S 1393 of 1394
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1393
--S 1394 of 1394
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1394
)spool
)lisp (bye)
```

## References

[1] nothing