\$SPAD/src/input rich10d.input

Albert Rich and Timothy Daly August 21, 2013

Abstract

 $x^m (a x^q+b x^n)^p$ There are:

- 300 integrals in this file.
- $\bullet~300$ supplied "optimal results".
- 198 matching answers.
- 161 cases where Axiom answer differs from Rubi
- 59 cases where Axiom supplied 2 results.
- $\bullet\,$ 0 cases that Axiom failed to integrate.
- 0 that contain expressions Axiom does not recognize.

Contents

```
__ * __
)set break resume
)sys rm -f rich10d.output
)spool rich10d.output
)set message test on
)set message auto off
)clear all
--S 1 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3/(d+e*x)^9
--R
--R
   (1)
--R
                    2 4 4
                             3 3 3
                                      4 2 2 5
             5 5
--R
      b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R /
        99 88
                     277 366 455 544
--R
--R
       e x + 9d e x + 36d e x + 84d e x + 126d e x + 126d e x + 84d e x
--R
--R
         7 2 2 8 9
--R
       36d e x + 9d e x + d
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1
--S 2 of 1618
r0:=1/8*(a+b*x)^7/((b*d-a*e)*(d+e*x)^8)+1/56*b*(a+b*x)^7/_
    ((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^7)
--R
--R
--R
    (2)
        1 8 8 1 8 7 1 2 6 7 6 3 5 2 6 5
--R
       -- b e x + - b d x + (- - a b e + a b d)x + (- 2a b e + 3a b d)x
--R
--R
       56
--R
--R
         15 4 4
                  3 5 4
                               5 3
                                      44 3 5 6 2
                                                         5 3 2
--R
       (---abe+5abd)x+(-4abe+5abd)x+(--abe+3abd)x
--R
--R
         6 7
--R
                 6 2
                         1 8 1 7
--R
        (--abe+abd)x - -ae+-abd
                          8
--R
--R /
                       2288 2 9
                                           2 8
--R
         2 10
                    9
--R
       (a e - 2a b d e + b d e )x + (8a d e - 16a b d e + 8b d e )x
--R
--R
          2 2 8
                     3 7
                            2466
--R
       (28a d e - 56a b d e + 28b d e )x
```

--R

```
2 3 7 4 6 2 5 5 5
--R
--R
       (56a d e - 112a b d e + 56b d e )x
--R
--R
           2 4 6
                      5 5
                             2644
--R
       (70a d e - 140a b d e + 70b d e )x
--R
           2 5 5
--R
                      6 4
                             2733
       (56a d e - 112a b d e + 56b d e )x
--R
--R
                     7 3
                            2822
--R
           2 6 4
                                       2 7 3
                                                   8 2 2 9
--R
       (28a d e - 56a b d e + 28b d e )x + (8a d e - 16a b d e + 8b d e)x
--R
                 9 2 10
--R
        282
--R
       ade - 2abde + bd
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 2
--S 3 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
          666
                 56 6 5 5
--R
       - 28b e x + (- 112a b e - 56b d e )x
--R
             2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
       (- 210a b e - 140a b d e - 70b d e )x
--R
--R
             3 3 6
                     24 5
                                  5 2 4 6 3 3 3
--R
       (- 224a b e - 168a b d e - 112a b d e - 56b d e )x
--R
                    3 3 5 2 4 2 4 5 3 3 6 4 2 2
--R
             4 2 6
--R
       (-140a b e - 112a b d e - 84a b d e - 56a b d e - 28b d e )x
--R
                       4 2 5 3 3 2 4
--R
               5 6
                                            2 4 3 3 5 4 2
            - 48a b e - 40a b d e - 32a b d e - 24a b d e - 16a b d e
--R
--R
--R
               6 5
            - 8b d e
--R
--R
--R
         x
--R
--R.
        6 6
              5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2 5 5 6 6
--R
      - 7a e - 6a b d e - 5a b d e - 4a b d e - 3a b d e - 2a b d e - b d
--R /
--R
         15 8
                   14 7 2 13 6 3 12 5
                                                   4 11 4
--R
       56e x + 448d e x + 1568d e x + 3136d e x + 3920d e x
--R
          5 10 3 6 9 2 7 8 8 7
--R
--R
       3136d e x + 1568d e x + 448d e x + 56d e
```

```
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E З
--S 4 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                       8
--R
                      b
--R (4) - -----
--R
          2 9 8
                               2 2 7
--R
         56a e - 112a b d e + 56b d e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 4
--S 5 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 5
)clear all
--S 6 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3/(d+e*x)^10
--R
--R
--R (1)
     6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
      b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R /
       10 10 9 9 2 8 8 3 7 7 4 6 6 5 5 5
--R
--R
       e x + 10d e x + 45d e x + 120d e x + 210d e x + 252d e x
--R
--R
         644 733 822 9
--R
        210d e x + 120d e x + 45d e x + 10d e x + d
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 6
--S 7 of 1618
r0:=1/9*(a+b*x)^7/((b*d-a*e)*(d+e*x)^9)+1/36*b*(a+b*x)^7/((b*d-a*e)^2*_1)
    (d+e*x)^8+1/252*b^2*(a+b*x)^7/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^7)
--R.
--R
--R (2)
--R
         1 9 2 9 1 9 8 1 9 2 7 1 3 6 2 2 7 8 2 6
        ----bex ---bdex --bdx + (--abe +abde-abd)x
--R
                              7
--R
         252
                   28
                                          3
```

```
--R
--R
        3 4 5 2 3 6 2 7 2 5
--R
       (--abe + 4abde - 3abd)x
--R
--R
--R
          5 4 2 15 4 5
                         3624
--R
      (- 3a b e + -- a b d e - 5a b d )x
--R
--R
        10 6 3 2 5 4
--R
                          4523
--R
       (- -- a b e + 8a b d e - 5a b d )x
--R
--R
        15 7 2 2 6 3 5 4 2 2
--R
--R
       (- -- a b e + 5a b d e - 3a b d )x
--R
--R.
--R
        3 8 2 12 7 2 6 3 2 1 9 2 1 8 1 7 2 2
--R
       (--abe +--abde-abd)x--ae +-abde--abd
--R
                                  9
--R /
--R
       3 12 2 11 2 2 10 3 3 9 9
--R
       (ae - 3abde + 3abde - bde)x
--R
--R
        3 11 2 2 10 2 3 9 3 4 8 8
--R
       (9ade - 27abde + 27abde - 9bde)x
--R
--R
          3 2 10 2 3 9 2 4 8 3 5 7 7
--R
       (36a d e - 108a b d e + 108a b d e - 36b d e )x
--R.
          3 3 9 2 4 8
                             2 5 7
--R
                                     3666
--R
       (84a d e - 252a b d e + 252a b d e - 84b d e )x
--R
          3 4 8 2 5 7
--R
                              266
                                       3 7 5 5
--R
       (126a d e - 378a b d e + 378a b d e - 126b d e )x
--R
--R
          3 5 7 2 6 6
                              2 7 5
                                       3 8 4 4
--R
       (126a d e - 378a b d e + 378a b d e - 126b d e )x
--R
--R
          3 6 6 2 7 5
                             284
--R
       (84a d e - 252a b d e + 252a b d e - 84b d e )x
--R
--R.
         3 7 5 2 8 4 2 9 3 3 10 2 2
--R.
       (36a d e - 108a b d e + 108a b d e - 36b d e )x
--R
--R
         3 8 4 2 9 3 2 10 2 3 11 3 9 3 2 10 2
--R
       (9ade - 27abde + 27abd e - 9bd e)x + ade - 3abd e
--R
--R
         2 11 3 12
--R
       3abde-bd
```

```
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 7
--S 8 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
           666 56 655
--R
--R
       -84b e x + (-378a b e - 126b d e)x
--R
                    5 5
--R
            2 4 6
                                 6 2 4 4
       (- 756a b e - 378a b d e - 126b d e )x
--R
--R
--R
             3 3 6
                    2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
       (-840a b e -504a b d e -252a b d e -84b d e )x
--R
--R
            4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3 6 4 2 2
--R
        (- 540a b e - 360a b d e - 216a b d e - 108a b d e - 36b d e )x
--R
--R
                       4 2 5 3 3 2 4
                                            2 4 3 3 5 4 2
--R
           - 189a b e - 135a b d e - 90a b d e - 54a b d e - 27a b d e
--R
--R
            6 5
--R
           - 9b d e
--R
--R
        x
--R
--R
         6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2 5 5
--R
       - 28a e - 21a b d e - 15a b d e - 10a b d e - 6a b d e - 3a b d e
--R
--R
         6 6
--R
       - b d
--R /
          16 9 15 8 2 14 7
                                          3 13 6
--R
--R
        252e 	 x + 2268d 	 e 	 x + 9072d 	 e 	 x + 21168d 	 e 	 x + 31752d 	 e 	 x
--R
                                           8 8
--R
            5 11 4 6 10 3 7 9 2
--R
        31752d e x + 21168d e x + 9072d e x + 2268d e x + 252d e
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 8
--S 9 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
--R (4) -----
           3 10 2 9
--R
                                2 2 8 3 3 7
```

```
--R
         252a e - 756a b d e + 756a b d e - 252b d e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 9
--S 10 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 10
)clear all
--S 11 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3/(d+e*x)^11
--R.
--R
--R
   (1)
--R
      6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
      b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R /
--R
       --R
       e x + 11d e x + 55d e x + 165d e x + 330d e x + 462d e x
--R
          6 5 5 7 4 4 8 3 3 9 2 2 10 11
--R
--R
        462d e x + 330d e x + 165d e x + 55d e x + 11d e x + d
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 11
--S 12 of 1618
r0:=1/10*(a+b*x)^7/((b*d-a*e)*(d+e*x)^10)+1/30*b*(a+b*x)^7/((b*d-a*e)^2*_1)
    (d+e*x)^9)+1/120*b^2*(a+b*x)^7/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^8)+_
    1/840*b^3*(a+b*x)^7/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^7)
--R
--R
--R
    (2)
--R
        1 10 3 10 1 10 2 9 3 10 2 8 1 10 3 7
--R
        --- b e x + -- b d e x + -- b d e x + - b d x
--R
        840
                   84
                               56
--R
         1 4 6 3 3 7 2 3 2 8 2
--R
                                      936
--R.
       (--abe +abde --abde+abd)x
--R
--R
--R
         6 5 5 3 9 4 6 2 3 7 2
                                       2835
--R
        (--abe +-abde -6abde+3abd)x
--R
         5
                   2
--R
        5 6 4 3 5 5 2 45 4 6 2 3 7 3 4
--R
```

```
--R
       (--abe + 9abde ---abde + 5abd)x
--R
--R
        20 7 3 3 6 4 2 5 5 2
--R
                                    4633
--R
       (- -- a b e + 10a b d e - 12a b d e + 5a b d )x
--R
--R
--R
        15 8 2 3 45 7 3 2 15 6 4 2
--R
      (---abe +--abde ---abde + 3abd)x
--R
--R
         --R
       (--abe +-abde ---abde+abd)x---a e +-abde
3 4 7 10 3
--R
--R
--R
--R
       3 8 2 2 1 7 3 3
--R
       --abde+-abd
--R
       8
--R /
       4 14 3 13 2 2 2 12 3 3 11 4 4 10 10
--R
--R
       (ae - 4abde + 6abde - 4abde + bde)x
--R
--R
        4 13 3 2 12 2 2 3 11 3 4 10 4 5 9 9
--R
       (10a d e - 40a b d e + 60a b d e - 40a b d e + 10b d e )x
--R
--R
         4 2 12 3 3 11 2 2 4 10 3 5 9 4 6 8 8
--R
       (45a d e - 180a b d e + 270a b d e - 180a b d e + 45b d e )x
--R
--R
          4 3 11 3 4 10
                             2 2 5 9 3 6 8
--R.
       (120a d e - 480a b d e + 720a b d e - 480a b d e + 120b d e )x
--R
           4 4 10 3 5 9 2 2 6 8 3 7 7 4 8 6 6
--R
--R
       (210a d e - 840a b d e + 1260a b d e - 840a b d e + 210b d e )x
--R
                 3 68
--R
          4 5 9
                             2 2 7 7
                                          3 8 6
--R
      (252a d e - 1008a b d e + 1512a b d e - 1008a b d e + 252b d e )x
--R
--R
                  3 77
                             2 2 8 6
                                        3 9 5
          4 6 8
                                                 4 10 4 4
--R
       (210a d e - 840a b d e + 1260a b d e - 840a b d e + 210b d e )x
--R
                 3 8 6 2 2 9 5 3 10 4 4 11 3 3
--R
          477
       (120a d e - 480a b d e + 720a b d e - 480a b d e + 120b d e )x
--R
--R.
--R.
         4 8 6 3 9 5 2 2 10 4
                                     3 11 3 4 12 2 2
       (45a d e - 180a b d e + 270a b d e - 180a b d e + 45b d e)x
--R
--R
--R
         4 9 5 3 10 4 2 2 11 3 3 12 2 4 13
       (10a d e - 40a b d e + 60a b d e - 40a b d e + 10b d e)x
--R
--R
--R
       4 10 4 3 11 3 2 2 12 2 3 13 4 14
```

```
--R
      ade - 4abde + 6abde - 4abde + bd
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 12
--S 13 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
           666
                         56 6 5 5
--R
       - 210b e x + (- 1008a b e - 252b d e )x
--R
              2 4 6 5 5
                                6 2 4 4
--R
--R
       (- 2100a b e - 840a b d e - 210b d e )x
--R
--R
             3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
       (- 2400a b e - 1200a b d e - 480a b d e - 120b d e )x
--R
--R
             4 2 6
                     3 3 5
                                2 4 2 4
                                             5 3 3 6 4 2 2
--R
       (- 1575a b e - 900a b d e - 450a b d e - 180a b d e - 45b d e )x
--R
--R
              5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
--R
          - 560a b e - 350a b d e - 200a b d e - 100a b d e - 40a b d e
--R
--R
              6 5
--R
          - 10b d e
--R
--R
        x
--R
--R
          6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2 5 5
--R
       - 84a e - 56a b d e - 35a b d e - 20a b d e - 10a b d e - 4a b d e
--R
--R
         6 6
--R
       - b d
--R /
         17 10 16 9 2 15 8 3 14 7 4 13 6
--R
--R
       840e x + 8400d e x + 37800d e x + 100800d e x + 176400d e x
--R
--R
           5 12 5 6 11 4 7 10 3 8 9 2 9 8
--R
       211680d e x + 176400d e x + 100800d e x + 37800d e x + 8400d e x
--R
--R
         10 7
--R
       840d e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 13
--S 14 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R
                                    10
--R
--R
           4 11 3 10 2 2 2 9 3 3 8 4 4 7
--R
--R
         840a e - 3360a b d e + 5040a b d e - 3360a b d e + 840b d e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 14
--S 15 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 15
)clear all
--S 16 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3/(d+e*x)^12
--R
--R
--R
   (1)
--R
     6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
      b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R /
        --R
--R
       e x + 12d e x + 66d e x + 220d e x + 495d e x + 792d e x
--R
        6 6 6 7 5 5 8 4 4 9 3 3 10 2 2 11 12
--R
--R
      924d e x + 792d e x + 495d e x + 220d e x + 66d e x + 12d e x + d
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 16
--S 17 of 1618
r0:=-1/11*(b*d-a*e)^6/(e^7*(d+e*x)^11)+3/5*b*(b*d-a*e)^5/(e^7*(d+e*x)^10)-_
    5/3*b^2*(b*d-a*e)^4/(e^7*(d+e*x)^9)+5/2*b^3*(b*d-a*e)^3/_
    (e^7*(d+e*x)^8)-15/7*b^4*(b*d-a*e)^2/(e^7*(d+e*x)^7)+_
    b^5*(b*d-a*e)/(e^7*(d+e*x)^6)-1/5*b^6/(e^7*(d+e*x)^5)
--R
--R
--R
    (2)
--R.
        1 6 6 6 5 6 1 6 5 5
--R.
       --bex + (-abe --bde)x
--R
--R
--R
         15 2 4 6 5 5 5 1 6 2 4 4
--R
       (---abe --abde --bde)x
         7
                  7
--R
--R
```

```
5 \quad 3 \quad 3 \quad 6 \quad 15 \quad 2 \quad 4 \quad 5 \quad 5 \quad 5 \quad 2 \quad 4 \quad 1 \quad 6 \quad 3 \quad 3 \quad 3
--R
--R
       (--abe ---abde ---bde)x
--R
         2 14 14
--R
--R
         5 \;\; 4\; 2\; 6 \;\; 5\;\; 3\; 3 \;\; 5 \;\; 5\;\; 2\; 4\; 2\; 4 \;\; 5 \;\; 5\; 3\; 3 \;\; 1\;\; 6\; 4\; 2\;\; 2
--R
       (--abe --abde ---abde ---bde)x
        3 6 14 42 42
--R
--R
           3 5 6 1 4 2 5 1 3 3 2 4 1 2 4 3 3 1 5 4 2
--R
          --abe---abde---abde----abde
--R
--R
                            6
                                      14
                  3
--R
           1 65
--R
--R
         - --- b d e
--R
          210
--R
--R
       x
--R
        1 6 6 3 5 5 1 4 2 2 4 1 3 3 3 3 1 2 4 4 2
--R
--R
       ---ae----abde----abde----abde
--R
        11 55 33
                               66
--R
--R
        1 55
                   1 6 6
--R
       - --- a b d e - ---- b d
--R
                  2310
        462
--R /
       --R
--R
       e x + 11d e x + 55d e x + 165d e x + 330d e x + 462d e x
--R
--R
         6 12 5 7 11 4 8 10 3 9 9 2 10 8 11 7
--R
       462d e x + 330d e x + 165d e x + 55d e x + 11d e x + d e
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 17
--S 18 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
                 56 6 5 5
          6 6 6
--R
--R
       -462b e x + (-2310a b e -462b d e)x
--R
--R.
            2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
       (- 4950a b e - 1650a b d e - 330b d e )x
--R
--R
             3 3 6
                    24 5
                                 5 2 4 6 3 3 3
--R
       (-5775a b e - 2475a b d e - 825a b d e - 165b d e )x
--R
            4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3 6 4 2 2
--R
--R
       (- 3850a b e - 1925a b d e - 825a b d e - 275a b d e - 55b d e )x
```

```
--R
           5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
--R
--R
          - 1386a b e - 770a b d e - 385a b d e - 165a b d e - 55a b d e
--R
--R
              6 5
--R
         - 11b d e
--R
--R
--R
                  5 5 4224 3333 2442
--R
          6 6
--R
      - 210a e - 126a b d e - 70a b d e - 35a b d e - 15a b d e - 5a b d e
--R
--R
         6 6
       - b d
--R
--R /
--R
          18 11 17 10 2 16 9 3 15 8
--R
       2310e x + 25410d e x + 127050d e x + 381150d e x
--R
                     5 13 6
--R
                                  6 12 5 7 11 4
           4 14 7
--R
      762300d e x + 1067220d e x + 1067220d e x + 762300d e x
--R
--R
            8 10 3 9 9 2 10 8 11 7
--R
       381150d e x + 127050d e x + 25410d e x + 2310d e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 18
--S 19 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 19
--S 20 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 20
)clear all
--S 21 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3/(d+e*x)^13
--R
--R
--R (1)
--R 66 55 244 333 422 5 6
```

```
--R
     b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R /
--R
      --R
      e x + 13d e x + 78d e x + 286d e x + 715d e x + 1287d e x
--R
         677 766 855
                                   9 4 4 10 3 3 11 2 2
--R
--R
      1716d e x + 1716d e x + 1287d e x + 715d e x + 286d e x + 78d e x
--R
        12 13
--R
--R
      13d e x + d
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 21
--S 22 of 1618
r0:=-1/12*(b*d-a*e)^6/(e^7*(d+e*x)^12)+6/11*b*(b*d-a*e)^5/(e^7*(d+e*x)^11)-_
   3/2*b^2*(b*d-a*e)^4/(e^7*(d+e*x)^10)+20/9*b^3*(b*d-a*e)^3/_
   (e^7*(d+e*x)^9)-15/8*b^4*(b*d-a*e)^2/(e^7*(d+e*x)^8)+_
   6/7*b^5*(b*d-a*e)/(e^7*(d+e*x)^7)-1/6*b^6/(e^7*(d+e*x)^6)
--R
--R
--R
    (2)
       1 6 6 6 6 5 6 1 6 5 5
--R
--R
       --bex + (--abe --bde)x
--R
       6
               7
--R
--R
        15 2 4 6 15 5 5 5 6 2 4 4
--R
       (---abe ---bde)x
--R
                 28
--R
         20 3 3 6 5 2 4 5 5 5 2 4 5 6 3 3 3
--R.
--R
       (---abe --abde ----bde)x
--R
         9 6 21
                                   126
--R
--R
         3\ 4\ 2\ 6\ 2\ 3\ 3\ 5\ 1\ 2\ 4\ 2\ 4\ 1\ 5\ 3\ 3\ 1\ 6\ 4\ 2\ 2
--R
      (--abe --abde --abde ---bde)x
        2 3
                        4
                                 14
--R
--R
--R
           6 5 6 3 4 2 5 4 3 3 2 4 1 2 4 3 3 1 5 4 2
         ---abe----abde----abde----abde
--R
                                      22
                            33
                  11
--R
          11
--R
--R
           1 6 5
--R
         - --- b d e
--R.
          462
--R
--R
--R
        1 6 6 1 5 5 1 4 2 2 4 1 3 3 3 3 1 2 4 4 2
--R
       ---ae----abde----abde----abde
--R
--R
       12
              22
                        44
                                  99
                                            264
```

```
--R
        1 55 1 66
--R
--R
       - --- a b d e - ---- b d
--R
        924
                 5544
--R /
       --R
--R
      e x + 12d e x + 66d e x + 220d e x + 495d e x + 792d e x
--R
         6 13 6 7 12 5 8 11 4 9 10 3 10 9 2 11 8
--R
      924d e x + 792d e x + 495d e x + 220d e x + 66d e x + 12d e x
--R
--R
--R
       12 7
--R
       d e
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 22
--S 23 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
          666 56 655
--R
       - 924b e x + (-4752a b e - 792b d e)x
--R
--R
--R
              2 4 6
                   5 5 6 2 4 4
--R
       (- 10395a b e - 2970a b d e - 495b d e )x
--R
              3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
--R
       (- 12320a b e - 4620a b d e - 1320a b d e - 220b d e )x
--R
--R
             4 2 6 3 3 5
                                2 4 2 4
                                             5 3 3 6 4 2 2
--R
       (-8316a b e - 3696a b d e - 1386a b d e - 396a b d e - 66b d e )x
--R
              5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
--R
--R
          - 3024a b e - 1512a b d e - 672a b d e - 252a b d e - 72a b d e
--R
--R
            6 5
--R
         - 12b d e
--R
--R
        X
--R
          6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
--R.
       - 462a e - 252a b d e - 126a b d e - 56a b d e - 21a b d e
--R
--R
          5 5 6 6
--R
       - 6a b d e - b d
--R /
--R
                 18 11 2 17 10 3 16 9
       5544e x + 66528d e x + 365904d e x + 1219680d e x
--R
--R
```

```
4 15 8 5 14 7 6 13 6 7 12 5
--R
        2744280d e x + 4390848d e x + 5122656d e x + 4390848d e x
--R
--R
--R
                            9 10 3
                                         10 9 2
                                                            12 7
             8 11 4
                                                      11 8
--R.
      2744280d e x + 1219680d e x + 365904d e x + 66528d e x + 5544d e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 23
--S 24 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 24
--S 25 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 25
)clear all
--S 26 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3/(d+e*x)^14
--R
--R
--R
    (1)
      6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
      b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R /
        14 14 13 13 2 12 12
--R
                                        3 11 11
                                                  4 10 10
       e x + 14d e x + 91d e x + 364d e x + 1001d e x
--R
--R
           5 9 9 6 8 8
                                 777 866
--R
--R
       2002d e x + 3003d e x + 3432d e x + 3003d e x + 2002d e x
--R
--R
           10 4 4 11 3 3
                                12 2 2
        1001d ex + 364d ex + 91d ex + 14d ex + d
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 26
--S 27 of 1618
r0:=-1/13*(b*d-a*e)^6/(e^7*(d+e*x)^13)+1/2*b*(b*d-a*e)^5/(e^7*(d+e*x)^12)-_
    15/11*b^2*(b*d-a*e)^4/(e^7*(d+e*x)^11)+2*b^3*(b*d-a*e)^3/_
    (e^7*(d+e*x)^10)-5/3*b^4*(b*d-a*e)^2/(e^7*(d+e*x)^9)+_
    3/4*b^5*(b*d-a*e)/(e^7*(d+e*x)^8)-1/7*b^6/(e^7*(d+e*x)^7)
```

```
--R
--R
--R
   (2)
      1 6 6 6 3 5 6 3 6 5 5
--R
      --bex + (--abe ---bde)x
--R
--R
       7
               4
--R
--R
       5 2 4 6 5 5 5 5 6 2 4 4
     (--abe ---abde ---bde)x
--R
--R
              12
--R
--R
        3 3 6 2 2 4 5 1 5 2 4 1 6 3 3 3
--R
      (-2abe - -abde - -abde - -bde)x
--R
--R
--R
       15 4 2 6 6 3 3 5 2 2 4 2 4 1 5 3 3 1 6 4 2 2
--R
      (---abe----bde)x
--R
       11 11
                        11
                                 22
--R
--R
         1 5 6 5 4 2 5 1 3 3 2 4 1 2 4 3 3 1 5 4 2
--R
         --abe----abde----abde----abde
--R
         2 22
                     11
                                  33
--R
         1 6 5
--R
        - --- b d e
--R
--R
         924
--R
--R
       х
--R
--R
       1 6 6 1 5 5 5 4 2 2 4 1 3 3 3 3 1 2 4 4 2
--R
      ---ae----abde-----abde-----abde
--R
       13
            26 286
                               143
--R
--R
        1
            5 5 1 6 6
--R
      - ---- a b d e - ---- b d
--R
       1716
                12012
--R /
--R
      --R
      e x + 13d e x + 78d e x + 286d e x + 715d e x + 1287d e x
--R
        6 14 7 7 13 6 8 12 5 9 11 4 10 10 3
--R
      1716d e x + 1716d e x + 1287d e x + 715d e x + 286d e x
--R
--R
--R
       11 9 2 12 8
                    13 7
--R
      78d e x + 13d e x + d e
--R
                      Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 27
--S 28 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
    (3)
           6 6 6 5 5
--R
       - 1716b e x + (- 9009a b e - 1287b d e )x
--R
--R
              246 5 5 6244
--R
--R
       (- 20020a b e - 5005a b d e - 715b d e )x
--R
--R
              3 3 6
                       24 5
                                     5 2 4
                                              6 3 3 3
--R
       (- 24024a b e - 8008a b d e - 2002a b d e - 286b d e )x
--R
                      3 3 5
                                   2 4 2 4 5 3 3
--R
               4 2 6
                                                         6422
--R
       (- 16380a b e - 6552a b d e - 2184a b d e - 546a b d e - 78b d e )x
--R
--R
               5 6
                       4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
--R
          - 6006a b e - 2730a b d e - 1092a b d e - 364a b d e - 91a b d e
--R
--R
             6 5
--R
         - 13b d e
--R
--R
        X
--R
--R
         66 5 5 4224 3333 2442
--R
       - 924a e - 462a b d e - 210a b d e - 84a b d e - 28a b d e
--R
--R
           5 5 6 6
--R
       - 7a b d e - b d
--R /
           20 13 19 12 2 18 11 3 17 10
--R
--R
       12012e \ x + 156156d \ e \ x + 936936d \ e \ x + 3435432d \ e \ x
--R
--R
             4 16 9
                           5 15 8
                                         6 14 7
--R
      8588580d e x + 15459444d e x + 20612592d e x + 20612592d e x
--R
              8 12 5
                          9 11 4
--R
                                        10 10 3
--R
      15459444d e x + 8588580d e x + 3435432d e x + 936936d e x
--R
--R
            12 8
                   13 7
--R
       156156d e x + 12012d e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 28
--S 29 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 29
```

```
--S 30 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 30
)clear all
--S 31 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3/(d+e*x)^15
--R
--R
--R
   (1)
--R.
     6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
      b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R /
--R
       15 15 14 14 2 13 13 3 12 12 4 11 11
--R
       e x + 15d e x + 105d e x + 455d e x + 1365d e x
--R
--R
          5 10 10 6 9 9 7 8 8 8 7 7 9 6 6
--R
      3003d e x + 5005d e x + 6435d e x + 6435d e x + 5005d e x
--R
           --R
--R
       3003d ex + 1365d ex + 455d ex + 105d ex + 15d ex + d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 31
--S 32 of 1618
r0:=-1/14*(b*d-a*e)^6/(e^7*(d+e*x)^14)+6/13*b*(b*d-a*e)^5/_
    (e^7*(d+e*x)^13)-5/4*b^2*(b*d-a*e)^4/(e^7*(d+e*x)^12)+_
    20/11*b^3*(b*d-a*e)^3/(e^7*(d+e*x)^11)-3/2*b^4*(b*d-a*e)^2/_
    (e^7*(d+e*x)^10)+2/3*b^5*(b*d-a*e)/(e^7*(d+e*x)^9)-
    1/8*b^6/(e^7*(d+e*x)^8)
--R.
--R
--R
    (2)
--R
        1 6 6 6 2 5 6 1 6 5 5
       --bex + (--abe - --bde)x
--R
--R
                   3
--R.
--R.
         3 2 4 6 1 5 5 1 6 2 4 4
--R
       (--abe --abde ---bde)x
--R
                 3
                            24
--R
--R
         20 3 3 6 6 2 4 5 4 5 2 4 1 6 3 3 3
       (---abe ---abde ---bde)x
--R
--R
                  11
                              33
         11
                                        66
```

```
--R
       5 4 2 6 5 3 3 5 3 2 4 2 4 1 5 3 3 1 6 4 2 2
--R
--R
       (--abe----bde)x
--R
                        22
                                  33
               11
--R
--R
          6 5 6 5 4 2 5 10 3 3 2 4 3 2 4 3 3
--R
         ---abe----abde-----abde
--R
                  26
                           143
--R
          2 542 1 65
--R
--R
         - --- a b d e - ---- b d e
                    1716
--R
          429
--R
--R
       X
--R
--R
       1 6 6 3 5 5 5 4 2 2 4 5 3 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
      ---ae---abde-----abde------abde
--R
       14 91 364
                              1001
--R
--R
        1 55 1 66
--R
      - ---- a b d e - ---- b d
--R
       3003
                 24024
--R /
--R
      21 14 20 13 2 19 12 3 18 11 4 17 10
--R
      e x + 14d e x + 91d e x + 364d e x + 1001d e x
--R
        5 16 9 6 15 8 7 14 7 8 13 6 9 12 5
--R
--R
      2002d e x + 3003d e x + 3432d e x + 3003d e x + 2002d e x
--R
--R
          --R
      1001d e x + 364d e x + 91d e x + 14d e x + d e
--R
                       Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 32
--S 33 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
          6 6 6
                       56 6 5 5
--R
--R
      -3003b e x + (-16016a b e - 2002b d e)x
--R
--R.
            2 4 6 5 5
                             6 2 4 4
--R
      (- 36036a b e - 8008a b d e - 1001b d e )x
--R
--R
             3 3 6
                     24 5
                                5 2 4
                                        6333
--R
      (-43680a b e - 13104a b d e - 2912a b d e - 364b d e )x
--R
             4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3 6 4 2 2
--R
--R
      (- 30030a b e - 10920a b d e - 3276a b d e - 728a b d e - 91b d e )x
```

```
--R
             5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
           - 11088a b e - 4620a b d e - 1680a b d e - 504a b d e
--R
                 5 4 2 6 5
--R
--R
          - 112a b d e - 14b d e
--R
--R
--R
            6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
--R
       - 1716a e - 792a b d e - 330a b d e - 120a b d e - 36a b d e
--R
--R
            5 5
                  6 6
--R
        - 8a b d e - b d
--R /
--R
            21 14
                         20 13 2 19 12
                                                     3 18 11
--R
        24024e 	 x 	 + 336336d 	 e 	 x 	 + 2186184d 	 e 	 x 	 + 8744736d 	 e 	 x
--R
--R
              4 17 10
                             5 16 9
                                       6 15 8
                                                       7 14 7
--R
      24048024d e x + 48096048d e x + 72144072d e x + 82450368d e x
--R
--R
              8 13 6 9 12 5 10 11 4 11 10 3
--R
      72144072d e x + 48096048d e x + 24048024d e x + 8744736d e x
--R
--R
              12 9 2 13 8 14 7
--R
        2186184d e x + 336336d e x + 24024d e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 33
--S 34 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 34
--S 35 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 35
)clear all
--S 36 of 1618
t0:=(d+e*x)^5/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
```

```
--R
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
--R
        e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d
--R
                     2 2
--R
                     b x + 2a b x + a
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--R
--E 36
--S 37 of 1618
r0:=10*e^2*(b*d-a*e)^3*x/b^5-(b*d-a*e)^5/(b^6*(a+b*x))+_
    5*e^3*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)^2/b^6+5/3*e^4*(b*d-a*e)*(a+b*x)^3/b^6+_
    1/4*e^5*(a+b*x)^4/b^6+5*e*(b*d-a*e)^4*log(a+b*x)/b^6
--R
--R
--R
    (2)
--R.
             4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
           (60a b e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60b d e)x
--R
            5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
           60a e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
        5 5 5 4 5 5 4 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
      3b e x + (-5a b e + 20b d e)x + (10a b e - 40a b d e + 60b d e)x
--R
--R
--R
            3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
       (- 30a b e + 120a b d e - 180a b d e + 120b d e )x
--R
--R
           4 5 32 4
                              2 3 2 3
                                          4 3 2
--R
        (-5abe + 80abde - 180abde + 120abde)x + 55ae
--R
                                2 3 3 2 4 4 5 5
--R
           4 4 3 2 2 3
--R
       - 160a b d e + 180a b d e - 120a b d e + 60a b d e - 12b d
--R /
--R
       7
--R
      12b x + 12a b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 37
--S 38 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
            4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
           (60a b e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60b d e)x
--R
--R
           55 4 4
--R
                             3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
```

```
--R
          60a e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
        5 5 5 4 5 5 4 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
      3b e x + (-5a b e + 20b d e)x + (10a b e - 40a b d e + 60b d e)x
--R
                                 4 2 3 5 3 2 2
--R
           3 2 5
                   234
       (- 30a b e + 120a b d e - 180a b d e + 120b d e )x
--R
--R
--R
           4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 5
--R
       (- 48a b e + 180a b d e - 240a b d e + 120a b d e )x + 12a e
--R
               4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
       - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e - 12b d
--R /
--R
--R
      12b x + 12a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 38
--S 39 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
           45 3 4 2223
--R
        - 43a e + 100a b d e - 60a b d e
--R
--R
                       6
--R
                     12b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 39
--S 40 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 40
)clear all
--S 41 of 1618
t0:=(d+e*x)^4/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
--R
        4 4 3 3 2 2 2 3 4
     e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
--R
--R (1) -----
```

```
--R
                 2 2
--R
                b x + 2a b x + a
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 41
--S 42 of 1618
r0:=6*e^2*(b*d-a*e)^2*x/b^4-(b*d-a*e)^4/(b^5*(a+b*x))+_
    2*e^3*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2/b^5+1/3*e^4*(a+b*x)^3/b^5+_
    4*e*(b*d-a*e)^3*log(a+b*x)/b^5
--R
--R
--R
    (2)
               3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
          (- 12a b e + 36a b d e - 36a b d e + 12b d e)x - 12a e
--R
--R
            3 3 2222 33
--R.
          36a b d e - 36a b d e + 12a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
        444 34 433 224 33 4222
--R
      bex + (- 2a be + 6b de)x + (6a be - 18a b de + 18b de)x
--R
         3 4 2 2 3 3 2 2 4 4 3 3 2 2 2 2
--R
--R
       (4a b e - 18a b d e + 18a b d e )x - 8a e + 18a b d e - 18a b d e
--R
--R
           3 3 4 4
--R
       12a b d e - 3b d
--R /
       6 5
--R
      3b x + 3a b
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 42
--S 43 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
               3 4 2 2 3 3 2 2 4 3
--R
--R
           (- 12a b e + 36a b d e - 36a b d e + 12b d e)x - 12a e
--R
--R.
            3 3 2 2 2 2 3 3
--R.
           36a b d e - 36a b d e + 12a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
        4 4 4
              3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 4 2 2 2
      b e x + (- 2a b e + 6b d e )x + (6a b e - 18a b d e + 18b d e )x
--R
--R
```

```
3 4 2 2 3 3 2 2 4 4 3 3 2 2 2 2
--R
      (9a b e - 24a b d e + 18a b d e )x - 3a e + 12a b d e - 18a b d e
--R
--R
--R
           3 3
                  4 4
--R
      12a b d e - 3b d
--R /
      6 5
--R
--R
      3b x + 3a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 43
--S 44 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         3 4 2 3
--R
      5ae - 6abde
--R (4) -----
          5
--R
--R
             3b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 44
--S 45 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 45
)clear all
--S 46 of 1618
t0:=(d+e*x)^3/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
        3 3 2 2 2 3
--R
--R
        ex + 3d ex + 3d ex + d
--R
   (1) -----
            2 2 2
--R
--R
           bx + 2a bx + a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 46
--S 47 of 1618
r0 := e^2 * (3*b*d-2*a*e) * x/b^3 + 1/2*e^3 * x^2/b^2 - (b*d-a*e)^3/(b^4 * (a+b*x)) +__
    3*e*(b*d-a*e)^2*log(a+b*x)/b^4
--R
--R
```

```
(2)
--R
          2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
--R
         ((6a b e - 12a b d e + 6b d e)x + 6a e - 12a b d e + 6a b d e)
--R
--R
        log(b x + a)
--R
       3 3 3 2 2 2 3 2 2 3 3
--R
--R
      b e x + (- 3a b e + 6b d e )x + (- 4a b e + 6a b d e )x + 2a e
--R
         2 2 22 33
--R
      - 6a b d e + 6a b d e - 2b d
--R
--R /
      5 4
--R
      2b x + 2a b
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 47
--S 48 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
           2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
         ((6a b e - 12a b d e + 6b d e)x + 6a e - 12a b d e + 6a b d e)
--R
--R
--R
        log(b x + a)
--R
      3 3 3 2 2 2 3 2 2 3 3
--R
--R
      b e x + (- 3a b e + 6b d e )x + (- 4a b e + 6a b d e )x + 2a e
--R.
              2 22 33
--R
         2
--R
      - 6a b d e + 6a b d e - 2b d
--R /
      5 4
--R
--R
      2b x + 2a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 48
--S 49 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 49
--S 50 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 50
)clear all
--S 51 of 1618
t0:=(d+e*x)^2/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
        2 2
--R
        e x + 2d e x + d
--R
    (1) -----
--R
         2 2 2
--R
--R
       b x + 2a b x + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 51
--S 52 of 1618
r0:=e^2*x/b^2-(b*d-a*e)^2/(b^3*(a+b*x))+2*e*(b*d-a*e)*log(a+b*x)/b^3
--R
--R (2)
--R
                2 2 2 2
                                                        2 2 2 2
--R
      ((-2a b e + 2b d e)x - 2a e + 2a b d e)log(b x + a) + b e x + a b e x
--R
--R
--R
       -ae + 2abde - bd
--R /
      4 3
--R
--R
      bx + ab
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 52
--S 53 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
               2 2 2 2 2
--R
        ((- 2a b e + 2b d e)x - 2a e + 2a b d e)log(b x + a) + b e x + a b e x
--R
--R
--R.
         2 2
       -ae + 2abde - bd
--R
--R /
      4 3
--R
--R
      bx + ab
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 53
```

```
--S 54 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 54
--S 55 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 55
)clear all
--S 56 of 1618
t0:=(d+e*x)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
--R
         e x + d
--R (1) -----
        2 2 2
--R
       b x + 2a b x + a
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 56
--S 57 of 1618
r0:=(-b*d+a*e)/(b^2*(a+b*x))+e*log(a+b*x)/b^2
--R
--R
--R
        (b e x + a e)log(b x + a) + a e - b d
--R (2) -----
--R
                    3 2
--R
                   bx + ab
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 57
--S 58 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        (b e x + a e)log(b x + a) + a e - b d
--R (3) -----
--R
                     3 2
--R
                    bx+ab
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 58
```

```
--S 59 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 59
--S 60 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 60
)clear all
--S 61 of 1618
t0:=1/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
--R
       1
b x + 2a b x + a
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 61
--S 62 of 1618
r0:=(-1)/(b*(a+b*x))
--R
--R
--R
--R
--R
     2
b x + a b
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 62
--S 63 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          1
--R
--R (3) - -----
--R
          2
--R
         bx+ab
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--E 63
--S 64 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 64
--S 65 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 65
)clear all
--S 66 of 1618
t0:=1/((d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
                          1
   (1) -----
--R
        2 3 2 2 2
--R
--R
        b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 66
--S 67 of 1618
r0:=(-1)/((b*d-a*e)*(a+b*x))-e*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^2+e*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^2
--R
--R
       (b e x + a e)log(e x + d) + (-b e x - a e)log(b x + a) + a e - b d
--R (2) ------
              2 2 2 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R
             (a b e - 2a b d e + b d )x + a e - 2a b d e + a b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 67
--S 68 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        (b e x + a e)log(e x + d) + (-b e x - a e)log(b x + a) + a e - b d
--R (3) -----
               --R
              (a b e - 2a b d e + b d )x + a e - 2a b d e + a b d
--R
```

```
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 68
--S 69 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 69
--S 70 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 70
)clear all
--S 71 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
    (1)
--R
--R /
         2 2 4 2 2 3 2 2
--R
--R
       b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d )x
--R
                2 22
--R
          2
--R
        (2a d e + 2a b d)x + a d
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 71
--S 72 of 1618
r0:=-b/((b*d-a*e)^2*(a+b*x))-e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x))-_
    2*b*e*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^3+2*b*e*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^3
--R
--R
--R
     (2)
--R
            2 2 2
                     2
--R
        (-2b e x + (-2a b e - 2b d e)x - 2a b d e)log(e x + d)
--R
--R
          222
                       2
                             2
--R
        (2b e x + (2a b e + 2b d e)x + 2a b d e)\log(b x + a)
--R
--R
                   2 2222
              2
       (- 2a b e + 2b d e)x - a e + b d
--R
```

```
--R /
--R
         3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 2
--R
       (a b e - 3a b d e + 3a b d e - b d e)x
--R
--R
        44 3 3 3 44 4 3 3 22 223
       (a e - 2a b d e + 2a b d e - b d )x + a d e - 3a b d e + 3a b d e
--R
--R
--R
          3 4
--R
       - a b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 72
--S 73 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
          2 2 2
                    2 2
        (-2b e x + (-2a b e - 2b d e)x - 2a b d e)log(e x + d)
--R
--R
--R
         2 2 2 2
--R
       (2b e x + (2a b e + 2b d e)x + 2a b d e)log(b x + a)
--R
--R
           2 2 2 2 2 2
--R
        (-2abe + 2bde)x - ae + bd
--R /
--R
                2 2 3 3 2 2 4 3 2
--R
        (abe - 3abde + 3abde - bde)x
--R
         44 3 3 3 44 4 3 3 22 223
--R
--R
       (a e - 2a b d e + 2a b d e - b d )x + a d e - 3a b d e + 3a b d e
--R
--R
          3 4
--R
       - a b d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 73
--S 74 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 74
--S 75 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 75
)clear all
--S 76 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
    (1)
--R
      1
--R /
                    3 2 2 4 2 3
--R
         2 3 5
--R
        b e x + (2a b e + 3b d e)x + (a e + 6a b d e + 3b d e)x
--R
--R
           2 2
                      2
                           232
                                      2 2
                                                 3
--R
        (3a d e + 6a b d e + b d)x + (3a d e + 2a b d)x + a d
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 76
--S 77 of 1618
r0:=-b^2/((b*d-a*e)^3*(a+b*x))-1/2*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^2)-_
  2*b*e/((b*d-a*e)^3*(d+e*x))-3*b^2*e*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^4+_
  3*b^2*e*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
            3 3 3 2 2 2 2 3 2
--R
          (6b e x + (6a b e + 12b d e )x + (12a b d e + 6b d e)x + 6a b d e)
--R
--R
          log(e x + d)
--R
--R
               3 3 3
                            2 3
                                   3
                                      2 2
--R
           - 6b e x + (- 6a b e - 12b d e )x + (- 12a b d e - 6b d e)x
--R
--R
                 2 2
--R
           - 6a b d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
                 3 2 2 2 3 2 2
--R
                                                 3 2
        (6a b e - 6b d e)x + (3a b e + 6a b d e - 9b d e)x - a e
--R
--R.
--R
              2
                    2 2
                            3 3
        6a b d e \, - 3a b d e \, - 2b d
--R
--R /
--R
          4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3 5 4 2 3
--R
        (2a b e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d e )x
--R
--R
          5 6 4 5 3 2 2 4 2 3 3 3 4 4 2 5 5 2
```

```
--R
        (2a e - 4a b d e - 4a b d e + 16a b d e - 14a b d e + 4b d e)x
--R
--R
         5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 4 5
                                                        5 6
--R
        (4a d e - 14a b d e + 16a b d e - 4a b d e - 4a b d e + 2b d )x
--R
--R
        5 2 4 4 3 3
                          3 2 4 2 2 3 5
                                               4 6
--R
       2a d e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2a b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 77
--S 78 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
           3 3 3 2 3 3 2 2
                                          2 2 3 2
--R
         (6b e x + (6a b e + 12b d e )x + (12a b d e + 6b d e)x + 6a b d e)
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
             3 3 3
                       23 3 2 2
                                            2 2 3 2
          - 6b e x + (- 6a b e - 12b d e )x + (- 12a b d e - 6b d e)x
--R
--R
--R
                2 2
--R
           - 6a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
           2 3
                3 2 2 2 3 2 2 3 3
--R.
        (6a b e - 6b d e)x + (3a b e + 6a b d e - 9b d e)x - a e
--R
--R
         2 2 2 2
                          3 3
--R
        6a b d e - 3a b d e - 2b d
--R /
--R
          4 6 32 5
                           2 3 2 4
                                      4 3 3 5 4 2 3
--R
       (2a b e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d e )x
--R
               4 5
--R
                         3 2 2 4
                                    2 3 3 3
                                               442 55 2
--R
       (2a e - 4a b d e - 4a b d e + 16a b d e - 14a b d e + 4b d e)x
--R
         5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2
--R
                                                 4 5
       (4a d e - 14a b d e + 16a b d e - 4a b d e - 4a b d e + 2b d )x
--R
--R
--R.
        5 2 4 4 3 3
                          3 2 4 2
                                     2 3 5
--R
        2a d e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2a b d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 78
--S 79 of 1618
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 79
--S 80 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 80
)clear all
--S 81 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^4*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
    (1)
--R
     1
--R /
--R
         2 4 6 4 2 3 5 2 4 3 2 2 2 4
--R
        b e x + (2a b e + 4b d e )x + (a e + 8a b d e + 6b d e )x
--R
--R
                 2 2 2 3 3 2 2 2
--R
        (4a d e + 12a b d e + 4b d e)x + (6a d e + 8a b d e + b d )x
--R
           2 3 4 2 4
--R
--R
        (4a d e + 2a b d)x + a d
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 81
--S 82 of 1618
r0:=-b^3/((b*d-a*e)^4*(a+b*x))-1/3*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^3)-_
  b*e/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^2)-3*b^2*e/((b*d-a*e)^4*(d+e*x))-_
  4*b^3*e*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^5+4*b^3*e*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^5
--R
--R
--R
     (2)
                             3 4 4 3 3
--R
                4 4 4
                                                     3 3 4 2 2 2
--R.
            - 12b e x + (- 12a b e - 36b d e )x + (- 36a b d e - 36b d e )x
--R
--R
                  3 2 2
                           4 3
                                       3 3
--R
            (- 36a b d e - 12b d e)x - 12a b d e
--R
--R
          log(e x + d)
--R
                                 4 3 3 3 4 2 2 2
--R
              4 4 4 3 4
```

```
--R
          12b e x + (12a b e + 36b d e )x + (36a b d e + 36b d e )x
--R
--R
               3 2 2 4 3
--R
          (36a b d e + 12b d e)x + 12a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
             3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
       (- 12a b e + 12b d e )x + (- 6a b e - 24a b d e + 30b d e )x
--R
--R
--R
         3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4 3 3
       (2a b e - 18a b d e - 6a b d e + 22b d e)x - a e + 6a b d e
--R
--R
--R
          2 2 2 2
                   3 3
--R
       - 18a b d e + 10a b d e + 3b d
--R /
--R.
         5 8 4 2 7 3 3 2 6 2 4 3 5 5 4 4 6 5 3 4
--R
       (3a b e - 15a b d e + 30a b d e - 30a b d e + 15a b d e - 3b d e )x
--R
--R
           68 5 7 4226 3335 2444 553
--R
          3a e - 6a b d e - 15a b d e + 60a b d e - 75a b d e + 42a b d e
--R
--R
            6 6 2
--R
         - 9b d e
--R
--R
         3
--R
         x
--R
         6 7 5 2 6 4 2 3 5 2 4 5 3 5 6 2 6 7 2
--R
--R
       (9a d e - 36a b d e + 45a b d e - 45a b d e + 36a b d e - 9b d e)x
--R
           6 2 6 5 3 5 4 2 4 4 3 3 5 3 2 4 6 2
--R
--R
          9a d e - 42a b d e + 75a b d e - 60a b d e + 15a b d e
--R
--R
            5 7
                   6 8
         6a b d e - 3b d
--R
--R
--R
--R
        6 3 5 5 4 4 4 2 5 3 3 3 6 2 2 4 7 5 8
--R
       3a d e - 15a b d e + 30a b d e - 30a b d e + 15a b d e - 3a b d
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 82
--S 83 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
              4 4 4
                         3 4 4 3 3 3 4 2 2 2
```

```
--R
          - 12b e x + (- 12a b e - 36b d e )x + (- 36a b d e - 36b d e )x
--R
--R
                3 2 2
                       4 3 3 3
--R
          (-36a b d e - 12b d e)x - 12a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
                      3 4 4 3 3 3 4 2 2 2
--R
         12b e x + (12a b e + 36b d e )x + (36a b d e + 36b d e )x
--R
--R
--R
                      4 3
               3 2 2
                                 3 3
          (36a b d e + 12b d e)x + 12a b d e
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
             3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
       (- 12a b e + 12b d e )x + (- 6a b e - 24a b d e + 30b d e )x
--R
--R
         --R
       (2a b e - 18a b d e - 6a b d e + 22b d e)x - a e + 6a b d e
--R
--R
          2 2 2 2 3 3 4 4
--R
       - 18a b d e + 10a b d e + 3b d
--R /
         5 8 4 2 7 3 3 2 6 2 4 3 5 5 4 4 6 5 3 4
--R
--R
       (3a b e - 15a b d e + 30a b d e - 30a b d e + 15a b d e - 3b d e )x
--R
--R
               5 7 4226 3335 2444 553
           6 8
--R
          3a e - 6a b d e - 15a b d e + 60a b d e - 75a b d e + 42a b d e
--R
--R
            6 6 2
--R
         - 9b d e
--R
--R
         3
--R
        X
--R
         6 7 5 2 6 4 2 3 5 2 4 5 3 5 6 2 6 7 2
--R
--R
       (9a d e - 36a b d e + 45a b d e - 45a b d e + 36a b d e - 9b d e)x
--R
--R
                 5 3 5
                             4 2 4 4
                                       3 3 5 3
--R
          9a d e - 42a b d e + 75a b d e - 60a b d e + 15a b d e
--R
--R
            5 7 6 8
         6a b d e - 3b d
--R
--R
--R
--R
        635 5 44 4253 3362 247 58
--R
       3a d e - 15a b d e + 30a b d e - 30a b d e + 15a b d e - 3a b d
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--E 83
--S 84 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 84
--S 85 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 85
)clear all
--S 86 of 1618
t0:=(d+e*x)^6/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
         6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
         e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d
--R
--R
--R
                    4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
                   b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 86
--S 87 of 1618
r0:=15*e^4*(b*d-a*e)^2*x/b^6-1/3*(b*d-a*e)^6/(b^7*(a+b*x)^3)-_
  3*e*(b*d-a*e)^5/(b^7*(a+b*x)^2)-15*e^2*(b*d-a*e)^4/(b^7*(a+b*x))+_
  3*e^5*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2/b^7+1/3*e^6*(a+b*x)^3/b^7+_
  20*e^3*(b*d-a*e)^3*log(a+b*x)/b^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
                 3 3 6 2 4 5 5 2 4
                                                 6 3 3 3
--R
           (- 60a b e + 180a b d e - 180a b d e + 60b d e )x
--R.
                                      2 4 2 4
--R.
                 4 2 6 3 3 5
                                                  5 3 3 2
--R
           (- 180a b e + 540a b d e - 540a b d e + 180a b d e )x
--R
--R
                 5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
           (- 180a b e + 540a b d e - 540a b d e + 180a b d e )x - 60a e
--R
--R
               5 5 4224 3333
```

```
--R
         180a b d e - 180a b d e + 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
        666 56 655 246 55 6244
--R
--R
       b e x + (- 3a b e + 9b d e )x + (15a b e - 45a b d e + 45b d e )x
--R
--R
          3 3 6
                  24 5
                               5 2 4 3
       (65a b e - 180a b d e + 135a b d e )x
--R
--R
--R
                               5 3 3 6 4 2 2
          4 2 6
                  2 4 2 4
--R
       (15a b e - 135a b d e + 180a b d e - 45b d e )x
--R
             5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
--R
          - 75a b e + 270a b d e - 405a b d e + 270a b d e - 45a b d e
--R
--R
--R
             6 5
          - 9b d e
--R
--R
--R
        X
--R
          6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
       - 45a e + 150a b d e - 195a b d e + 110a b d e - 15a b d e
--R
--R
--R
           5 5 6 6
--R
       - 3a b d e - b d
--R /
--R
       10 3 9 2 2 8 3 7
--R
      3b x + 9a b x + 9a b x + 3a b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 87
--S 88 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
              3 3 6 2 4 5
--R
                                    5 2 4 6 3 3 3
--R
          (-60abe + 180abde - 180abde + 60bde)x
--R
--R
               4 2 6 3 3 5
                                   2 4 2 4
                                               5 3 3 2
          (- 180a b e + 540a b d e - 540a b d e + 180a b d e )x
--R
--R.
--R
               5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 6 6
--R
          (- 180a b e + 540a b d e - 540a b d e + 180a b d e )x - 60a e
--R
--R
            5 5 4224 3333
--R
          180a b d e - 180a b d e + 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
```

```
--R
       6 6 6 5 6 6 5 5 2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
       bex + (- 3a be + 9b de)x + (15a be - 45a b de + 45b de)x
--R
--R
         3 3 6 2 4 5 5 2 4 3
--R
       (73a b e - 189a b d e + 135a b d e )x
--R
--R
          4 2 6 3 3 5
                             2 4 2 4
                                         5 3 3 6 4 2 2
--R
       (39a b e - 27a b d e - 135a b d e + 180a b d e - 45b d e )x
--R
--R
             5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
--R
          - 51a b e + 243a b d e - 405a b d e + 270a b d e - 45a b d e
--R
--R
            6 5
--R
          - 9b d e
--R
--R
        X
--R
          6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
--R
       - 37a e + 141a b d e - 195a b d e + 110a b d e - 15a b d e
--R
--R
           5 5 6 6
       - 3a b d e - b d
--R
--R /
--R
      10 3 9 2 2 8 3 7
--R
      3b x + 9abx + 9abx + 3ab
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 88
--S 89 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
        36 2 5
--R
--R
       8ae - 9abde
--R (4) -----
             7
--R
--R
             3b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 89
--S 90 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 90
)clear all
```

```
--S 91 of 1618
t0:=(d+e*x)^5/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
        e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d
--R
             4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
            b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 91
--S 92 of 1618
r0:=e^4*(5*b*d-4*a*e)*x/b^5+1/2*e^5*x^2/b^4-1/3*(b*d-a*e)^5/_
  (b^6*(a+b*x)^3)-5/2*e*(b*d-a*e)^4/(b^6*(a+b*x)^2)-_
  10*e^2*(b*d-a*e)^3/(b^6*(a+b*x))+10*e^3*(b*d-a*e)^2*log(a+b*x)/b^6
--R.
--R
--R
    (2)
--R
              2 3 5 4 4 5 2 3 3
           (60a b e - 120a b d e + 60b d e )x
--R
--R
--R
               3 2 5 2 3 4 4 2 3 2
           (180a b e - 360a b d e + 180a b d e )x
--R
--R
--R
               4 5 3 2 4 2 3 2 3 5 5
--R
           (180a b e - 360a b d e + 180a b d e )x + 60a e - 120a b d e
--R
--R
              3 2 2 3
--R
           60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
                      45 5 4 4
                                           2 3 5
       3b e x + (- 15a b e + 30b d e )x + (- 63a b e + 90a b d e )x
--R
--R
--R
           3 2 5
                   234
                                 4 2 3
                                           5 3 2 2
--R
        (- 9a b e - 90a b d e + 180a b d e - 60b d e )x
--R
--R
                    3 2 4 2 3 2 3
                                            4 3 2
                                                      5 4
        (81a b e - 270a b d e + 270a b d e - 60a b d e - 15b d e)x + 47a e
--R
--R.
--R
                       3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
        - 130a b d e + 110a b d e - 20a b d e - 5a b d e - 2b d
--R /
        93 82 27 36
--R
--R
      6b x + 18a b x + 18a b x + 6a b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 92
```

```
--S 93 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
              2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
          (60a b e - 120a b d e + 60b d e )x
--R
--R
              3 2 5
                       234
                                    4 2 3 2
--R
          (180a b e - 360a b d e + 180a b d e )x
--R
                      3 2 4
                                              5 5 4 4
               4 5
                                  2 3 2 3
--R
           (180a b e - 360a b d e + 180a b d e )x + 60a e - 120a b d e
--R
--R
--R
            3 2 2 3
          60a b d e
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
                 45 5 4 4 2 3 5 4 4 3
--R
       3b e x + (- 15a b e + 30b d e )x + (- 63a b e + 90a b d e )x
--R
--R
          3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
       (- 9a b e - 90a b d e + 180a b d e - 60b d e )x
--R
--R
          4 5 3 2 4 2 3 2 3
                                         4 3 2
                                                  54 55
--R
        (81a b e - 270a b d e + 270a b d e - 60a b d e - 15b d e)x + 47a e
--R
--R
           4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
        - 130a b d e + 110a b d e - 20a b d e - 5a b d e - 2b d
--R /
             8 2
                      2 7 3 6
--R
       9 3
--R
      6b x + 18a b x + 18a b x + 6a b
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 93
--S 94 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 94
--S 95 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 95
)clear all
--S 96 of 1618
t0:=(d+e*x)^4/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
         4 4
                3 3 2 2 2 3
--R
         e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
    (1) -----
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
        b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 96
--S 97 of 1618
r0:=e^4*x/b^4-1/3*(b*d-a*e)^4/(b^5*(a+b*x)^3)-2*e*(b*d-a*e)^3/_
  (b^5*(a+b*x)^2)-6*e^2*(b*d-a*e)^2/(b^5*(a+b*x))+_
  4*e^3*(b*d-a*e)*log(a+b*x)/b^5
--R
--R
--R
    (2)
--R
                  3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 2
           (- 12a b e + 12b d e )x + (- 36a b e + 36a b d e )x
--R
--R
--R
                3 4 2 2 3 4 4 3 3
--R
           (- 36a b e + 36a b d e )x - 12a e + 12a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
         4 4 4
                  3 4 3
                             2 2 4
--R
       3b e x + 9a b e x + (- 9a b e + 36a b d e - 18b d e )x
--R
           3 4 2 2 3 3 2 2 4 3
--R
                                                  4 4
--R
       (- 27a b e + 54a b d e - 18a b d e - 6b d e)x - 13a e + 22a b d e
--R
--R
           2 2 2 2
                     3 3 4 4
--R
        - 6a b d e - 2a b d e - b d
--R /
       8 3 7 2
                     2 6
--R
                            3 5
--R.
      3b x + 9a b x + 9a b x + 3a b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 97
--S 98 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R
     (3)
--R
                 3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 2
--R
          (- 12a b e + 12b d e )x + (- 36a b e + 36a b d e )x
--R
--R
                3 4 2 2 3 4 4 3 3
--R
           (-36a b e + 36a b d e)x - 12a e + 12a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
         4 4 4
--R
                 3 4 3
                            2 2 4
                                       3 3
                                                4 2 2 2
--R
       3b e x + 9a b e x + (- 9a b e + 36a b d e - 18b d e )x
--R
           3 4 2 2 3 3 2 2 4 3
                                                4 4
--R
       (- 27a b e + 54a b d e - 18a b d e - 6b d e)x - 13a e + 22a b d e
--R
--R
--R
           2 2 2 2
                     3 3 4 4
--R
       - 6a b d e - 2a b d e - b d
--R /
--R
       8 3 7 2 2 6 3 5
--R
      3b x + 9a b x + 9a b x + 3a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 98
--S 99 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 99
--S 100 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 100
)clear all
--S 101 of 1618
t0:=(d+e*x)^3/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
             3 3
                    2 2 2 3
--R
             e x + 3d e x + 3d e x + d
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
        b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
```

```
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 101
--S 102 of 1618
r0:=-1/3*(b*d-a*e)^3/(b^4*(a+b*x)^3)-3/2*e*(b*d-a*e)^2/(b^4*(a+b*x)^2)-_
  3*e^2*(b*d-a*e)/(b^4*(a+b*x))+e^3*log(a+b*x)/b^4
--R
--R
     (2)
--R
--R
           3 3 3
                    2 3 2
                              2 3
                                        3 3
--R
        (6b e x + 18a b e x + 18a b e x + 6a e) log(b x + a)
--R
                   3 2 2 2 3
                                         2 2 3 2
--R
                                                              3 3
        (18a b e - 18b d e )x + (27a b e - 18a b d e - 9b d e)x + 11a e
--R
--R
--R
           2
                2
                      2 2
                             3 3
--R
        - 6a b d e - 3a b d e - 2b d
--R /
                6 2 2 5 3 4
--R
       7 3
--R
      6b x + 18a b x + 18a b x + 6a b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 102
--S 103 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
          3 3 3 2 3 2 2 3
--R
                                     3 3
--R
        (6b e x + 18a b e x + 18a b e x + 6a e) log(b x + a)
--R
            23 3 2 2 2 3 2 2 3 2
                                                          3 3
--R
--R
        (18a b e - 18b d e )x + (27a b e - 18a b d e - 9b d e)x + 11a e
--R
--R
           2
                2
                      2 2
                              3 3
        - 6a b d e - 3a b d e - 2b d
--R
--R /
                       2 5
                               3 4
--R
       7 3
                6 2
--R
      6b x + 18a b x + 18a b x + 6a b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 103
--S 104 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 104
```

```
--S 105 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 105
)clear all
--S 106 of 1618
t0:=(d+e*x)^2/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
               2 2 2
--R
              ex + 2dex + d
--R (1) -----
       4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
       b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                 Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 106
--S 107 of 1618
r0:=-1/3*(d+e*x)^3/((b*d-a*e)*(a+b*x)^3)
--R
--R
--R
    (2)
--R
                    1 3 3 2 2 2 1 3
--R
                    - e x + d e x + d e x + - d
--R
                    3 3
--R
--R 3 4 3 2 2 3 2 2 4 3
--R
   (a b e - b d)x + (3a b e - 3a b d)x + (3a b e - 3a b d)x + a e - a b d
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 107
--S 108 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                  2 2 2 2
--R
          2 2 2
        - 3b e x + (- 3a b e - 3b d e)x - a e - a b d e - b d
--R
--R (3) ------
--R.
                  63 52 24 33
                 3b x + 9a b x + 9a b x + 3a b
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 108
--S 109 of 1618
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
--R
--R
   (4) - -----
         3 4
--R
--R
        3a b e - 3b d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 109
--S 110 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 110
)clear all
--S 111 of 1618
t0:=(d+e*x)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
               e x + d
--R
   (1) -----
        4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
        b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 111
--S 112 of 1618
r0:=1/3*(-b*d+a*e)/(b^2*(a+b*x)^3)-1/2*e/(b^2*(a+b*x)^2)
--R
          1 1 1
--R
         --bex--ae--bd
--R
--R
          2 6 3
   (2) -----
--R
        5 3 4 2 2 3 3 2
--R
       b x + 3a b x + 3a b x + a b
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 112
--S 113 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            - 3b e x - a e - 2b d
--R (3) -----
```

```
5 3 4 2 2 3 3 2
--R
--R
        6b x + 18a b x + 18a b x + 6a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 113
--S 114 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 114
--S 115 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 115
)clear all
--S 116 of 1618
t0:=1/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
                        1
--R (1) -----
--R
        4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
        b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 116
--S 117 of 1618
r0:=(-1/3)/(b*(a+b*x)^3)
--R
--R
--R
                      1
--R
--R
--R (2) - -----
--R
          4 3 3 2 2 2
--R
         b x + 3a b x + 3a b x + a b
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 117
--S 118 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
                         1
--R
     (3) - -----
--R
            4 3 3 2 2 2
--R
           3b x + 9a b x + 9a b x + 3a b
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 118
--S 119 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
    (4) 0
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 119
--S 120 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 120
)clear all
--S 121 of 1618
t0:=1/((d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
    1
--R /
         4 5 3 4 4
                                   2 2 3 3 3
--R
--R
        b e x + (4a b e + b d)x + (6a b e + 4a b d)x + (4a b e + 6a b d)x
--R
--R
          4
               3
--R
         (a e + 4a b d)x + a d
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 121
--S 122 of 1618
r0:=(-1/3)/((b*d-a*e)*(a+b*x)^3)+1/2*e/((b*d-a*e)^2*(a+b*x)^2)-_
  e^2/((b*d-a*e)^3*(a+b*x))-e^3*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^4+_
  e^3*\log(d+e*x)/(b*d-a*e)^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                       2 3 2 2 3
           3 3 3
                                          3 3
--R
         (6b e x + 18a b e x + 18a b e x + 6a e) \log(e x + d)
```

```
--R
          3 3 3 2 3 2 3 3 3
--R
--R
       (-6b e x - 18a b e x - 18a b e x - 6a e) log(b x + a)
--R
           23 3 2 2 2 3 2 2 3 2
--R
                                                     3 3
--R
       (6a b e - 6b d e )x + (15a b e - 18a b d e + 3b d e)x + 11a e
--R
--R
               2
                     2 2
                            3 3
       - 18a b d e + 9a b d e - 2b d
--R
--R /
         4 3 4 3 4 3 2 5 2 2 6 3
--R
                                              7 4 3
--R
       (6a b e - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d )x
--R
--R
          5 2 4
                  4 3 3
                             3 4 2 2
                                       2 5 3
       (18a b e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18a b d )x
--R
--R
--R
                  5 2 3
                            4 3 2 2
                                       3 4 3
                                                254 74
          6 4
--R
        (18a b e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18a b d )x + 6a e
--R
--R
          6 3 5222
                             4 3 3 3 4 4
--R
       - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6a b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 122
--S 123 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
          3 3 3 2 3 2 2 3 3 3
--R
--R
       (6b e x + 18a b e x + 18a b e x + 6a e) \log(e x + d)
--R
--R
           3 3 3
                    2 3 2
                              2 3
                                      3 3
--R
       (-6b e x - 18a b e x - 18a b e x - 6a e) log(b x + a)
--R
                                      2 2 3 2
           2 3 3 2 2
--R
                            2 3
--R
       (6a b e - 6b d e )x + (15a b e - 18a b d e + 3b d e)x + 11a e
--R
--R
          2
               2
                     2 2
                            3 3
--R
       - 18a b d e + 9a b d e - 2b d
--R /
--R
         4 3 4 3 2 5 2 2 6 3
                                              7 4 3
--R.
        (6a b e - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d )x
--R
--R
          5 2 4 4 3 3 3 4 2 2
                                       253 642
--R
        (18a b e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18a b d )x
--R
                            4 3 2 2
--R
          6 4
                 523
                                        3 4 3
                                                254 74
--R
       (18a b e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18a b d )x + 6a e
--R
```

```
--R
             6 3 5222 433 344
--R
        - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6a b d
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 123
--S 124 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 124
--S 125 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 125
)clear all
--S 126 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
    1
--R /
         4 2 6 3 2 4 5 2 2 2 3 4 2 4
--R
--R
        b e x + (4a b e + 2b d e)x + (6a b e + 8a b d e + b d )x
--R
          3 2 2 2 3 4 2 3
--R
--R
        (4a b e + 12a b d e + 4a b d )x + (a e + 8a b d e + 6a b d )x
--R
                 3 2
          4
--R
                           4 2
--R
        (2a d e + 4a b d)x + a d
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 126
--S 127 of 1618
r0:=-1/3*b/((b*d-a*e)^2*(a+b*x)^3)+b*e/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)^2)-_
  3*b*e^2/((b*d-a*e)^4*(a+b*x))-e^3/((b*d-a*e)^4*(d+e*x))-_
  4*b*e^3*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^5+4*b*e^3*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^5
--R
--R
--R
     (2)
                             3 4 4 3 3
                                                    2 2 4
--R
--R
            - 12b e x + (- 36a b e - 12b d e )x + (- 36a b e - 36a b d e )x
```

```
--R
              3 4 2 2 3 3 3
--R
--R
          (- 12a b e - 36a b d e )x - 12a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
            4 4 4 3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 2
--R
--R
          12b e x + (36a b e + 12b d e )x + (36a b e + 36a b d e )x
--R
--R
             3 4
                     223
                                3 3
--R
          (12a b e + 36a b d e )x + 12a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
             3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
       (- 12a b e + 12b d e )x + (- 30a b e + 24a b d e + 6b d e )x
--R
--R
--R
           3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
        (- 22a b e + 6a b d e + 18a b d e - 2b d e)x - 3a e - 10a b d e
--R
--R
          2 2 2 2 3 3 4 4
       18a b d e - 6a b d e + b d
--R
--R /
--R
         5 3 6 4 4 5 3 5 2 4 2 6 3 3 7 4 2 8 5 4
--R
        (3a b e - 15a b d e + 30a b d e - 30a b d e + 15a b d e - 3b d e)x
--R
--R
           6 2 6
                 5 3 5 4 4 2 4 3 5 3 3 2 6 4 2
--R
          9a b e - 42a b d e + 75a b d e - 60a b d e + 15a b d e
--R
--R
            7 5 8 6
--R
          6a b d e - 3b d
--R
--R
         3
--R
        X
--R
         7 6 6 2 5 5 3 2 4 3 5 4 2 2 6 5 7 6 2
--R
--R
       (9a b e - 36a b d e + 45a b d e - 45a b d e + 36a b d e - 9a b d )x
--R
                           6 2 2 4 5 3 3 3 4 4 4 2
           86 7 5
--R
                                                         3 5 5
--R
          3a e - 6a b d e - 15a b d e + 60a b d e - 75a b d e + 42a b d e
--R
--R
            266
--R
          - 9a b d
--R
--R
         X
--R
        8 5 7 2 4 6 2 3 3 5 3 4 2 4 4 5 3 5 6
--R
       3a d e - 15a b d e + 30a b d e - 30a b d e + 15a b d e - 3a b d
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 127
```

```
--S 128 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
               4 4 4 3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 2
--R
--R
           - 12b e x + (- 36a b e - 12b d e )x + (- 36a b e - 36a b d e )x
--R
--R
               3 4
                       223
                                   3 3
--R
          (- 12a b e - 36a b d e )x - 12a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
                       3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 2
--R
            4 4 4
--R
          12b e x + (36a b e + 12b d e )x + (36a b e + 36a b d e )x
--R
--R
             3 4
                     2 2 3
                                 3 3
          (12a b e + 36a b d e )x + 12a b d e
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
             3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
       (- 12a b e + 12b d e )x + (- 30a b e + 24a b d e + 6b d e )x
--R
            3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4 3 3
--R
--R
       (- 22a b e + 6a b d e + 18a b d e - 2b d e)x - 3a e - 10a b d e
--R
--R
          2 2 2 2
                   3 3
                          4 4
--R
        18a b d e - 6a b d e + b d
--R /
          5\ 3\ 6 \qquad 4\ 4\ 5 \qquad 3\ 5\ 2\ 4 \qquad 2\ 6\ 3\ 3 \qquad 7\ 4\ 2 \qquad 8\ 5\quad 4
--R
--R
        (3a b e - 15a b d e + 30a b d e - 30a b d e + 15a b d e - 3b d e)x
--R
--R
           6 2 6
                    5 3 5 4 4 2 4
                                         3 5 3 3
          9abe - 42abde + 75abde - 60abde + 15abde
--R
--R
--R
             7 5
                    8 6
          6a b d e - 3b d
--R
--R
--R
          3
--R
         x
--R
--R
         7 6 6 2 5 5 3 2 4 3 5 4 2 2 6 5 7 6 2
--R
        (9a b e - 36a b d e + 45a b d e - 45a b d e + 36a b d e - 9a b d )x
--R
--R
           86 7 5 6224 5333 4442 355
          3a e - 6a b d e - 15a b d e + 60a b d e - 75a b d e + 42a b d e
--R
--R
--R
             266
```

```
--R
          - 9a b d
--R
--R
         X
--R
         8 5 7 2 4 6 2 3 3 5 3 4 2 4 4 5 3 5 6
--R
--R
        3a d e - 15a b d e + 30a b d e - 30a b d e + 15a b d e - 3a b d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 128
--S 129 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 129
--S 130 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 130
)clear all
--S 131 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2)
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
       4 3 7 3 3 4 2 6
--R
                                     2 2 3 3 2 4 2 5
       b e x + (4a b e + 3b d e )x + (6a b e + 12a b d e + 3b d e)x
--R
--R
--R
         3 3 22 2
                             3 2
                                      434
--R
       (4a b e + 18a b d e + 12a b d e + b d )x
--R
                3
                     2
--R
                           2 2 2
                                      3 3 3
--R
        (a e + 12a b d e + 18a b d e + 4a b d )x
--R
                                               3 3 4 3
--R
          4 2 3 2 2232 42
--R
        (3a d e + 12a b d e + 6a b d )x + (3a d e + 4a b d )x + a d
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 131
--S 132 of 1618
r0:=-1/3*b^2/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)^3)+3/2*b^2*e/((b*d-a*e)^4*(a+b*x)^2)-_=
```

```
6*b^2*e^2/((b*d-a*e)^5*(a+b*x))-1/2*e^3/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^2)-_
  4*b*e^3/((b*d-a*e)^5*(d+e*x))-10*b^2*e^3*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^6+_
  10*b^2*e^3*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^6
--R
--R
    (2)
--R
             5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
           60b e x + (180a b e + 120b d e)x
--R
--R
              2 3 5
                          4 4
                                  5 2 3 3
           (180a b e + 360a b d e + 60b d e )x
--R
--R
                      234
--R
              3 2 5
                                     4232
--R
           (60a b e + 360a b d e + 180a b d e )x
--R
--R
               3 2 4
                        2 3 2 3
                                    3 2 2 3
--R
          (120a b d e + 180a b d e )x + 60a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
              5 5 5
                            45 5 4 4
           -60b e x + (-180a b e - 120b d e)x
--R
--R
--R
                 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
           (-180a b e - 360a b d e - 60b d e)x
--R
--R
                3 2 5
                      234
--R
           (- 60a b e - 360a b d e - 180a b d e )x
--R
                 3 2 4 2 3 2 3 3 2 2 3
--R
--R
           (- 120a b d e - 180a b d e )x - 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
            4 5
                  5 4 4
                                2 3 5
                                           4 4
--R
        (60a b e - 60b d e)x + (150a b e - 60a b d e - 90b d e)x
--R
--R
            3 2 5
                    234
                                  4 2 3
                                           5 3 2 2
        (110a b e + 120a b d e - 210a b d e - 20b d e )x
--R
--R
--R
                   3 2 4
                               2 3 2 3
                                            4 3 2
                                                     5 4
        (15a b e + 160a b d e - 120a b d e - 60a b d e + 5b d e)x - 3a e
--R
--R.
--R.
              4
                   3 2 2 3
                              2 3 3 2
                                           4 4
                                                  5.5
--R
        30a b d e + 20a b d e - 60a b d e + 15a b d e - 2b d
--R /
--R
            638 547 4526 3635 2744
           6a b e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e
--R
--R
--R
                 8 5 3 9 6 2
```

```
--R
          - 36a b d e + 6b d e
--R
--R
         5
--R
         x
--R
             7 2 8 6 3 7 5 4 2 6 4 5 3 5 3 6 4 4
--R
--R
          18a b e - 96a b d e + 198a b d e - 180a b d e + 30a b d e
--R
--R
            2753 862
                                9 7
          72a b d e - 54a b d e + 12b d e
--R
--R
--R
          4
--R
         x
--R
--R
            8 8 7 2 7 6 3 2 6 5 4 3 5 4 5 4 4
--R
          18a b e - 72a b d e + 60a b d e + 144a b d e - 360a b d e
--R
--R
            3 6 5 3 2 7 6 2 9 8
--R
          312a b d e - 108a b d e + 6b d
--R
--R
--R
         x
--R
           98 7226 6335 5444 4553
--R
--R
          6a e - 108a b d e + 312a b d e - 360a b d e + 144a b d e
--R
            3 6 6 2 2 7 7 8 8
--R
--R
          60a b d e - 72a b d e + 18a b d
--R
--R
          2
--R
         X
--R
            9 7 8 2 6 7 2 3 5 6 3 4 4 5 4 5 3
--R
--R
          12a d e - 54a b d e + 72a b d e + 30a b d e - 180a b d e
--R
            4 5 6 2 3 6 7 2 7 8
--R
--R
          198a b d e - 96a b d e + 18a b d
--R
--R
--R
         9 2 6 8 3 5 7 2 4 4 6 3 5 3 5 4 6 2 4 5 7
--R
       6a d e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e - 36a b d e
--R
--R.
--R
        3 6 8
--R
      6a b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 132
--S 133 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R (3)
           5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
          60b e x + (180a b e + 120b d e )x
--R
             2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
          (180a b e + 360a b d e + 60b d e )x
--R
--R
             3 2 5
                    234
                                  4 2 3 2
--R
          (60a b e + 360a b d e + 180a b d e )x
--R
              3 2 4 2 3 2 3
                                 3 2 2 3
--R
--R
          (120a b d e + 180a b d e )x + 60a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
             5 5 5
                         4 5
                                5 4 4
          -60b e x + (-180a b e - 120b d e)x
--R
--R
--R
               2 3 5 4 4
                                 5233
          (- 180a b e - 360a b d e - 60b d e )x
--R
--R
--R
               3 2 5 2 3 4 4 2 3 2
          (-60a b e - 360a b d e - 180a b d e)x
--R
--R
--R
               3 2 4 2 3 2 3
--R
          (- 120a b d e - 180a b d e )x - 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
           45 5 4 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
       (60a b e - 60b d e)x + (150a b e - 60a b d e - 90b d e)x
--R
                  234
--R
          3 2 5
                               4 2 3
                                        5 3 2 2
       (110a b e + 120a b d e - 210a b d e - 20b d e )x
--R
--R
--R
          4 5 3 2 4
                             2 3 2 3
                                        432 54
--R
       (15a b e + 160a b d e - 120a b d e - 60a b d e + 5b d e)x - 3a e
--R
--R
             4
                  3 2 2 3
                            2 3 3 2
                                        4 4
       30a b d e + 20a b d e - 60a b d e + 15a b d e - 2b d
--R
--R /
--R.
            6a b e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e
--R
--R
--R
              853 962
--R
          - 36a b d e + 6b d e
--R
--R
         5
```

```
--R
        x
--R
--R
            7 2 8 6 3 7 5 4 2 6 4 5 3 5 3 6 4 4
--R
          18a b e - 96a b d e + 198a b d e - 180a b d e + 30a b d e
--R
             2 7 5 3 8 6 2
                                9 7
--R
--R
          72a b d e - 54a b d e + 12b d e
--R
--R
--R
         x
--R
            8 8 7 2 7 6 3 2 6 5 4 3 5 4 5 4 4
--R
          18a b e - 72a b d e + 60a b d e + 144a b d e - 360a b d e
--R
--R
--R
            3 6 5 3 2 7 6 2 9 8
--R
          312a b d e - 108a b d e + 6b d
--R
--R
         3
--R
         X
--R
--R
           98 7226 6335 5444 4553
--R
          6a e - 108a b d e + 312a b d e - 360a b d e + 144a b d e
--R
--R
            3 6 6 2 2 7 7 8 8
--R
          60a b d e - 72a b d e + 18a b d
--R
--R
         2
--R
         x
--R
            9 7 8 2 6 7 2 3 5 6 3 4 4 5 4 5 3
--R
--R
          12a d e - 54a b d e + 72a b d e + 30a b d e - 180a b d e
--R
             4 5 6 2 3 6 7
--R
                                2 7 8
--R
         198a b d e - 96a b d e + 18a b d
--R
--R
--R
        9 2 6 8 3 5 7 2 4 4 6 3 5 3 5 4 6 2 4 5 7
--R
--R
       6a de - 36a b de + 90a b de - 120a b de + 90a b de - 36a b de
--R
--R
        3 6 8
--R
       6a b d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 133
--S 134 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
```

```
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 134
--S 135 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 135
)clear all
--S 136 of 1618
t0:=(d+e*x)^8/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
    (1)
         88 77 266 355 444 533 622
--R
--R
        e x + 8d e x + 28d e x + 56d e x + 70d e x + 56d e x + 28d e x
--R
          7
--R
--R
        8d e x + d
--R /
--R
       6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
      b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 136
--S 137 of 1618
r0:=28*e^6*(b*d-a*e)^2*x/b^8-1/5*(b*d-a*e)^8/(b^9*(a+b*x)^5)-_
  2*e*(b*d-a*e)^7/(b^9*(a+b*x)^4)-28/3*e^2*(b*d-a*e)^6/(b^9*(a+b*x)^3)-_
  28*e^3*(b*d-a*e)^5/(b^9*(a+b*x)^2)-70*e^4*(b*d-a*e)^4/(b^9*(a+b*x))+_
  4*e^7*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2/b^9+1/3*e^8*(a+b*x)^3/b^9+_
  56*e^5*(b*d-a*e)^3*log(a+b*x)/b^9
--R
--R
--R
     (2)
                  3 5 8
                            267
--R
                                          7 2 6
                                                     8 3 5 5
--R
            (-840a b e + 2520a b d e - 2520a b d e + 840b d e )x
--R
--R
                   4 4 8
                              3 5 7
                                            2626
                                                       7 3 5 4
--R.
           (- 4200a b e + 12600a b d e - 12600a b d e + 4200a b d e )x
--R
--R
                   5 3 8
                             447
                                         3 5 2 6 2 6 3 5 3
--R
            (-8400a b e + 25200a b d e - 25200a b d e + 8400a b d e )x
--R
--R
                               5 3 7
                                             4 4 2 6
           (-8400a b e + 25200a b d e - 25200a b d e + 8400a b d e )x
--R
--R
```

```
7 8 6 2 7 5 3 2 6 4 4 3 5
--R
          (- 4200a b e + 12600a b d e - 12600a b d e + 4200a b d e )x
--R
--R
                          7 6226 5335
--R
              8 8 7
--R
         - 840a e + 2520a b d e - 2520a b d e + 840a b d e
--R
--R
        log(b x + a)
--R
        888 78 877
--R
      5b e x + (-20a b e + 60b d e)x
--R
--R
--R
                    7 7
          268
                            8 2 6 6
--R
       (140a b e - 420a b d e + 420b d e )x
--R
--R
                 267
          3 5 8
                              7 2 6 5
--R
       (1120a b e - 2940a b d e + 2100a b d e )x
--R
           4 4 8 3 5 7 2 6 2 6
--R
                                            7 3 5 8 4 4 4
--R
       (1400a b e - 2100a b d e - 2100a b d e + 4200a b d e - 1050b d e )x
--R
--R
              5 3 8 4 4 7 3 5 2 6 2 6 3 5
          - 1400a b e + 8400a b d e - 16800a b d e + 12600a b d e
--R
--R
--R
               7 4 4 8 5 3
--R
          - 2100a b d e - 420b d e
--R
--R
         3
--R
        x
--R
              6 2 8 5 3 7 4 4 2 6 3 5 3 5
--R
--R
          - 4200a b e + 16800a b d e - 25200a b d e + 15400a b d e
--R
--R
               2 6 4 4
                          7 5 3
                                   862
--R
         - 2100a b d e - 420a b d e - 140b d e
--R
--R
         2
--R
        X
--R
                      6 2 7 5 3 2 6 4 4 3 5
--R
               7 8
--R
          - 3150a b e + 11550a b d e - 15750a b d e + 8750a b d e
--R
--R
               3 5 4 4 2 6 5 3
                                    762
--R.
         - 1050a b d e - 210a b d e - 70a b d e - 30b d e
--R
--R
        x
--R
          88 7 7 6226 5335 4444
--R
--R
       - 798a e + 2814a b d e - 3654a b d e + 1918a b d e - 210a b d e
--R
--R
          3 5 5 3 2 6 6 2
                              7 7 8 8
```

```
--R
    - 42a b d e - 14a b d e - 6a b d e - 3b d
--R /
      14 5 13 4 2 12 3 3 11 2 4 10 5 9
--R
--R
    15b x + 75a b x + 150a b x + 150a b x + 75a b x + 15a b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 137
--S 138 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
               3 5 8 2 6 7 7 2 6 8 3 5 5
--R
--R
          (-840a b e + 2520a b d e - 2520a b d e + 840b d e )x
--R
--R
                4 4 8
                       3 5 7 2 6 2 6 7 3 5 4
--R
          (- 4200a b e + 12600a b d e - 12600a b d e + 4200a b d e )x
--R
--R
                5 3 8
                          4 4 7
                                       3 5 2 6 2 6 3 5 3
--R
          (-8400a b e + 25200a b d e - 25200a b d e + 8400a b d e )x
--R
                6 2 8 5 3 7 4 4 2 6 3 5 3 5 2
--R
--R
          (- 8400a b e + 25200a b d e - 25200a b d e + 8400a b d e )x
--R
               7 8
--R
                       6 2 7 5 3 2 6
          (- 4200a b e + 12600a b d e - 12600a b d e + 4200a b d e )x
--R
--R
--R
              88 7 7 6226 5335
--R
          - 840a e + 2520a b d e - 2520a b d e + 840a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
        888
                    78 8 7 7
--R
       5b e x + (-20a b e + 60b d e)x
--R
          268 77 8266
--R
--R
       (140a b e - 420a b d e + 420b d e )x
--R
--R
           3 5 8 2 6 7
                               7 2 6 5
--R
       (1175a b e - 3000a b d e + 2100a b d e )x
--R
                 3 5 7 2 6 2 6 7 3 5 8 4 4 4
--R
           4 4 8
--R.
       (1675a b e - 2400a b d e - 2100a b d e + 4200a b d e - 1050b d e )x
--R
--R
              5 3 8 4 4 7 3 5 2 6 2 6 3 5
--R
          - 850a b e + 7800a b d e - 16800a b d e + 12600a b d e
--R
                7 4 4
--R
                         8 5 3
         - 2100a b d e - 420b d e
--R
--R
```

```
--R
         3
--R
         x
--R
                6 2 8 5 3 7 4 4 2 6 3 5 3 5
--R
--R
          - 3650a b e + 16200a b d e - 25200a b d e + 15400a b d e
--R
                2 6 4 4 7 5 3 8 6 2
--R
--R
          - 2100a b d e - 420a b d e - 140b d e
--R
--R
         2
--R
         X
--R
                7 8 6 2 7 5 3 2 6 4 4 3 5
--R
--R
          - 2875a b e + 11250a b d e - 15750a b d e + 8750a b d e
--R
--R
               3 5 4 4 2 6 5 3 7 6 2
--R
          - 1050a b d e - 210a b d e - 70a b d e - 30b d e
--R
--R
--R
--R
           88 7 7 6226 5335 4444
--R
        - 743a e + 2754a b d e - 3654a b d e + 1918a b d e - 210a b d e
--R
--R
           3 5 5 3 2 6 6 2 7 7 8 8
--R
        - 42a b d e - 14a b d e - 6a b d e - 3b d
--R /
        14 5 13 4 2 12 3 3 11 2 4 10 5 9
--R
--R
      15b x + 75a b x + 150a b x + 150a b x + 75a b x + 15a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 138
--S 139 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
          38 2 7
--R
--R
       11a e - 12a b d e
--R (4) -----
--R
--R
               3b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 139
--S 140 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 140
```

```
)clear all
--S 141 of 1618
t0:=(d+e*x)^7/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
    (1)
     77 66 255 344 433 522 6
--R
--R
    e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x + d
--R
         6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
         b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 141
--S 142 of 1618
r0:=e^6*(7*b*d-6*a*e)*x/b^7+1/2*e^7*x^2/b^6-1/5*(b*d-a*e)^7/_
  (b^8*(a+b*x)^5)-7/4*e*(b*d-a*e)^6/(b^8*(a+b*x)^4)-_
  7*e^2*(b*d-a*e)^5/(b^8*(a+b*x)^3)-35/2*e^3*(b*d-a*e)^4/_
  (b^8*(a+b*x)^2)-35*e^4*(b*d-a*e)^3/(b^8*(a+b*x))+_
  21*e^5*(b*d-a*e)^2*log(a+b*x)/b^8
--R
--R
--R
    (2)
               257 66 7255
--R
--R
           (420a b e - 840a b d e + 420b d e)x
--R
--R
                3 4 7 2 5 6
                                  6254
--R.
           (2100a b e - 4200a b d e + 2100a b d e)x
--R
                4 3 7 3 4 6 2 5 2 5 3
--R
--R
           (4200a b e - 8400a b d e + 4200a b d e)x
--R
--R
                5 2 7
                         4 3 6
                                      3 4 2 5 2
--R
           (4200a b e - 8400a b d e + 4200a b d e )x
--R
                                      4 3 2 5
--R
               6 7
                         5 2 6
                                                   7 7
--R
           (2100a b e - 4200a b d e + 2100a b d e )x + 420a e - 840a b d e
--R
--R
              5 2 2 5
--R
           420a b d e
--R.
--R
         log(b x + a)
--R
--R
          777
                      67 7 6 6
                                             257 6 6 5
--R
        10b e x + (-70a b e + 140b d e)x + (-500a b e + 700a b d e)x
--R
                     256 625 7344
--R
             3 4 7
--R
        (-400a b e - 700a b d e + 2100a b d e - 700b d e )x
```

```
--R
        4 3 7 3 4 6 2 5 2 5 6 3 4 7 4 3 3
--R
--R
       (1300a b e - 5600a b d e + 6300a b d e - 1400a b d e - 350b d e )x
--R
--R
              5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3
--R
          2700a b e -8400a b d e +7700a b d e -1400a b d e -350a b d e
--R
--R
              7 5 2
--R
         - 140b d e
--R
--R
--R
        x
--R
             6 7 5 2 6 4 3 2 5 3 4 3 4 2 5 4 3
--R
--R
         1875a b e - 5250a b d e + 4375a b d e - 700a b d e - 175a b d e
--R
--R
              6 5 2
                      7 6
--R
         - 70a b d e - 35b d e
--R
--R
        x
--R
--R
         77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3
--R
      459a e - 1218a b d e + 959a b d e - 140a b d e - 35a b d e
--R
--R
           2552 66 77
       - 14a b d e - 7a b d e - 4b d
--R
--R /
--R
      13 5 12 4 2 11 3 3 10 2 4 9 5 8
     20b x + 100a b x + 200a b x + 200a b x + 100a b x + 20a b
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 142
--S 143 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
             257 66 7255
--R
--R
          (420a b e - 840a b d e + 420b d e )x
--R
              3 4 7 2 5 6 6 2 5 4
--R
          (2100a b e - 4200a b d e + 2100a b d e )x
--R
--R
--R
              4 3 7 3 4 6
                                  2525 3
          (4200a b e - 8400a b d e + 4200a b d e )x
--R
--R
--R
              5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2
--R
          (4200a b e - 8400a b d e + 4200a b d e )x
--R
--R
              6 7 5 2 6 4 3 2 5 7 7 6 6
```

```
--R
          (2100a b e - 4200a b d e + 2100a b d e )x + 420a e - 840a b d e
--R
--R
              5 2 2 5
--R
          420a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                      67 7 6 6 2 5 7 6 6 5
--R
       10b e x + (- 70a b e + 140b d e )x + (- 500a b e + 700a b d e )x
--R
--R
--R
                     256625
            3 4 7
                                             7 3 4 4
       (-400a b e - 700a b d e + 2100a b d e - 700b d e )x
--R
--R
--R
                      3 4 6
                                 2 5 2 5
                                                6 3 4
--R
       (1300a b e - 5600a b d e + 6300a b d e - 1400a b d e - 350b d e )x
--R
              5 2 7
--R
                      4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3
--R
           2700a b e \, - 8400a b d e \, + 7700a b d e \, - 1400a b d e \, - 350a b d e
--R
--R
               7 5 2
--R
          - 140b d e
--R
--R
         2
--R
         x
--R
               6 7 5 2 6 4 3 2 5 3 4 3 4 2 5 4 3
--R
--R
          1875a b e - 5250a b d e + 4375a b d e - 700a b d e - 175a b d e
--R
--R
                6 5 2 7 6
--R
          - 70a b d e - 35b d e
--R
--R
--R
          77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3
--R
--R
       459a e - 1218a b d e + 959a b d e - 140a b d e - 35a b d e
--R
--R
           2 5 5 2
                      6 6
                             7 7
       - 14a b d e - 7a b d e - 4b d
--R
--R /
                                     3 10 2 4 9 5 8
--R
               12 4 2 11 3
--R
      20b x + 100a b x + 200a b x + 200a b x + 100a b x + 20a b
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 143
--S 144 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
```

```
--E 144
--S 145 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 145
)clear all
--S 146 of 1618
t0:=(d+e*x)^6/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
        6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
        e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d
--R
   (1) -----
        6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
--R
        b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 146
--S 147 of 1618
r0:=e^6*x/b^6-1/5*(b*d-a*e)^6/(b^7*(a+b*x)^5)-3/2*e*(b*d-a*e)^5/_
  (b^7*(a+b*x)^4)-5*e^2*(b*d-a*e)^4/(b^7*(a+b*x)^3)-_
  10*e^3*(b*d-a*e)^3/(b^7*(a+b*x)^2)-15*e^4*(b*d-a*e)^2/_
  (b^7*(a+b*x))+6*e^5*(b*d-a*e)*log(a+b*x)/b^7
--R
--R
--R
   (2)
                 56 6 5 5
--R
                                     2 4 6
--R
          (-60a b e + 60b d e)x + (-300a b e + 300a b d e)x
--R
--R
                3 3 6
                        24 5 3
                                        4 2 6
                                                 3 3 5 2
--R
          (-600a b e +600a b d e )x + (-600a b e +600a b d e )x
--R
                        4 2 5
--R
               5 6
                                    66 5 5
--R
           (-300a b e + 300a b d e)x - 60a e + 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
         6 6 6 5 6 5 2 4 6
                                         5 5 6 2 4 4
       10b e x + 50a b e x + (-50a b e + 300a b d e - 150b d e)x
--R
--R
--R
             3 3 6
                    2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
       (-400a b e + 900a b d e - 300a b d e - 100b d e)x
--R
--R
             4 2 6 3 3 5
                                2 4 2 4 5 3 3 6 4 2 2
```

```
--R
       (-600a b e + 1100a b d e - 300a b d e - 100a b d e - 50b d e )x
--R
--R
              5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
--R
          - 375a b e + 625a b d e - 150a b d e - 50a b d e - 25a b d e
--R
--R
              6 5
--R
         - 15b d e
--R
--R
        X
--R
--R
          6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2 5 5
      - 87a e + 137a b d e - 30a b d e - 10a b d e - 5a b d e - 3a b d e
--R
--R
--R
         6 6
       - 2b d
--R
--R /
--R
       12 5 11 4 2 10 3 3 9 2 4 8 5 7
--R.
      10b x + 50a b x + 100a b x + 100a b x + 50a b x + 10a b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 147
--S 148 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                5 6 6 5 5 2 4 6 5 5 4
--R
--R
          (- 60a b e + 60b d e )x + (- 300a b e + 300a b d e )x
--R
--R
                3 3 6 2 4 5 3 4 2 6 3 3 5 2
--R
          (-600a b e +600a b d e )x + (-600a b e +600a b d e )x
--R
--R
                        4 2 5
                                    66 5 5
--R
          (- 300a b e + 300a b d e )x - 60a e + 60a b d e
--R
         log(b x + a)
--R
--R
         6 6 6 5 6 5 2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
       10b e x + 50a b e x + (- 50a b e + 300a b d e - 150b d e )x
--R
--R
--R
            3 3 6 2 4 5 5 2 4
                                          6 3 3 3
       (- 400a b e + 900a b d e - 300a b d e - 100b d e )x
--R
--R.
--R.
            4 2 6
                    3 3 5
                                2 4 2 4
                                           5 3 3 6 4 2 2
--R
        (-600a b e + 1100a b d e - 300a b d e - 100a b d e - 50b d e )x
--R
--R
              5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
          - 375a b e + 625a b d e - 150a b d e - 50a b d e - 25a b d e
--R
--R
--R
              6 5
```

```
--R
          - 15b d e
--R
--R
         X
--R
           6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2 5 5
--R
--R
       - 87a e + 137a b d e - 30a b d e - 10a b d e - 5a b d e - 3a b d e
--R
--R
          6 6
--R
       - 2b d
--R /
--R
       12 5 11 4 2 10 3 3 9 2 4 8
                                                      5 7
--R
      10b x + 50a b x + 100a b x + 100a b x + 50a b x + 10a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 148
--S 149 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 149
--S 150 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 150
)clear all
--S 151 of 1618
t0:=(d+e*x)^5/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
             5 5
                            2 3 3 3 2 2 4
--R
                     4 4
--R
             e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d
--R
     (1) -----
         6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
        b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 151
--S 152 of 1618
r0:=-1/5*(b*d-a*e)^5/(b^6*(a+b*x)^5)-5/4*e*(b*d-a*e)^4/(b^6*(a+b*x)^4)-_
  10/3*e^2*(b*d-a*e)^3/(b^6*(a+b*x)^3)-5*e^3*(b*d-a*e)^2/_
  (b^6*(a+b*x)^2)-5*e^4*(b*d-a*e)/(b^6*(a+b*x))+e^5*log(a+b*x)/b^6
--R
```

```
--R
--R
    (2)
--R
            5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
          60b e x + 300a b e x + 600a b e x + 600a b e x + 300a b e x
--R
--R
            5 5
--R
         60a e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
            45 5 4 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
       (300a b e - 300b d e )x + (900a b e - 600a b d e - 300b d e )x
--R
--R
--R
           3 2 5
                    234
                                4 2 3
                                         5 3 2 2
--R
       (1100a b e - 600a b d e - 300a b d e - 200b d e )x
--R
--R
                  3 2 4
                             2 3 2 3
                                        4 3 2
           4 5
--R
        (625a b e - 300a b d e - 150a b d e - 100a b d e - 75b d e)x
--R
--R
                4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
       137a e - 60a b d e - 30a b d e - 20a b d e - 15a b d e - 12b d
--R /
--R
        11 5 10 4 2 9 3 3 8 2
                                            4 7
                                                    5 6
--R
      60b x + 300a b x + 600a b x + 600a b x + 300a b x + 60a b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 152
--S 153 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
            5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
--R
          60b e x + 300a b e x + 600a b e x + 600a b e x + 300a b e x
--R
--R
            5 5
          60a e
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                  5 4 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
            4 5
       (300a b e - 300b d e)x + (900a b e - 600a b d e - 300b d e)x
--R
--R
            3 2 5 2 3 4
--R
                                4 2 3
                                         5 3 2 2
        (1100a b e - 600a b d e - 300a b d e - 200b d e )x
--R
--R
          4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
--R
       (625a b e - 300a b d e - 150a b d e - 100a b d e - 75b d e)x
--R
--R
          5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
```

```
--R
      137a e - 60a b d e - 30a b d e - 20a b d e - 15a b d e - 12b d
--R /
--R
      11 5 10 4 2 9 3 3 8 2 4 7 5 6
--R
     60b x + 300a b x + 600a b x + 600a b x + 300a b x + 60a b
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 153
--S 154 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 154
--S 155 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 155
)clear all
--S 156 of 1618
t0:=(d+e*x)^4/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
                 4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
                ex + 4dex + 6dex + 4dex + d
--R
   (1) -----
       6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
        b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 156
--S 157 of 1618
r0:=-1/5*(d+e*x)^5/((b*d-a*e)*(a+b*x)^5)
--R
--R
   (2)
--R
--R
   1 5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 1 5
     - e x + d e x + 2d e x + 2d e x + d e x + - d
--R
--R
--R /
--R
              6 5 24
                            5 4 3 3 2 4 3
--R
      (a b e - b d)x + (5a b e - 5a b d)x + (10a b e - 10a b d)x
--R
--R
         4 2 3 3 2 5 4 2 6 5
```

```
--R
        (10a b e - 10a b d)x + (5a b e - 5a b d)x + a e - a b d
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 157
--S 158 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
          444 34 433
--R
--R
       - 5b e x + (- 10a b e - 10b d e )x
--R
            2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
       (- 10a b e - 10a b d e - 10b d e )x
--R
--R
           3 4 22 3 322 43
                                            4 4 3
--R
       (-5abe -5abde -5abde -5bde)x - ae - abde
--R
--R
         2 2 2 2 3 3 4 4
--R
       -abde -abde-bd
--R /
--R
       10 5 9 4 2 8 3 3 7 2 4 6 5 5
--R
      5b x + 25a b x + 50a b x + 50a b x + 25a b x + 5a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 158
--S 159 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
               5
--R
               е
--R
    (4) - -----
          5 6
--R
--R
         5a b e - 5b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 159
--S 160 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 160
)clear all
--S 161 of 1618
t0:=(d+e*x)^3/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
```

```
--R
--R
--R
                      3 3 2 2 2 3
--R
                     e x + 3d e x + 3d e x + d
--R
    (1) -----
        6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
        b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 161
--S 162 of 1618
r0:=-1/5*(d+e*x)^4/((b*d-a*e)*(a+b*x)^5)+1/20*e*(d+e*x)^4/_
  ((b*d-a*e)^2*(a+b*x)^4)
--R
--R
--R
    (2)
--R
       1 5 5 1 5 4 4 1 2 3 3 3 2 3 3 2 2
--R
       -- b e x + - a e x + (a d e - - b d e )x + (- a d e - b d e )x
--R
                                2
--R
--R
         3 2 3 4 1 4 1 5
       (a d e -- b d e)x + - a d e - - b d
--R
--R
--R /
         --R
       (a b e - 2a b d e + b d )x + (5a b e - 10a b d e + 5a b d )x
--R
--R
--R
          4 3 2 3 4 2 5 2 3 5 2 2 4 3 3 4 2 2
--R
       (10a b e - 20a b d e + 10a b d )x + (10a b e - 20a b d e + 10a b d )x
--R
--R
         6 2 5 2
                         4 3 2 7 2 6
                                                 5 2 2
--R
       (5a b e - 10a b d e + 5a b d )x + a e - 2a b d e + a b d
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 162
--S 163 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
          3 3 3
                 23 3 2 2
       - 10b e x + (-10a b e - 20b d e)x
--R
--R.
--R
         2 3
                 2 2
                          3 2
                                  3 3 2 2 2 2 2
--R
      (-5abe - 10abde - 15bde)x - ae - 2abde - 3abde - 4bd
--R /
        95 84 273 362 45
--R
      20b x + 100a b x + 200a b x + 200a b x + 100a b x + 20a b
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 163
```

```
--S 164 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                                                            5
--R
--R (4) - -----
                          2 4 2 5 6 2
--R
                         20a b e - 40a b d e + 20b d
--R
--R
                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 164
--S 165 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 165
)clear all
--S 166 of 1618
t0:=(d+e*x)^2/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
                                                                            2 2
--R
                                                                        ex + 2d ex + d
--R (1) -----
                      6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
                    b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                                                                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 166
--S 167 of 1618
r0:=-1/5*(b*d-a*e)^2/(b^3*(a+b*x)^5)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^4)-1/2*e*(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)/(b*d-a*e)
     1/3*e^2/(b^3*(a+b*x)^3)
--R
--R
--R
                            1 2 2 2 1 2 1 2 1 2 2 1 1 2 2
                        --bex + (--abe --bde)x ---ae ---abde --bd
--R
--R
                         3 6 2 30 10 5
--R (2) ------
                                           8 5 7 4 2 6 3 3 5 2 4 4 5 3
--R
--R
                                      b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a b
--R
                                                                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 167
--S 168 of 1618
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
           2 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
       - 10b e x + (- 5a b e - 15b d e)x - a e - 3a b d e - 6b d
--R (3) ------
    8 5 7 4 2 6 3 3 5 2 4 4 5 3
--R
--R
       30b x + 150a b x + 300a b x + 300a b x + 150a b x + 30a b
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 168
--S 169 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 169
--S 170 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 170
)clear all
--S 171 of 1618
t0:=(d+e*x)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
                          ex+d
--R (1) ------
       6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
      b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 171
--S 172 of 1618
r0:=1/5*(-b*d+a*e)/(b^2*(a+b*x)^5)-1/4*e/(b^2*(a+b*x)^4)
--R
--R
--R
                  1 1 1
--R
                 - - b e x - -- a e - - b d
--R
                 4 20 5
--R (2) -----
       7 5 6 4 2 5 3 3 4 2 4 3 5 2
--R
       b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a b
--R
```

```
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 172
--S 173 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                        - 5b e x - a e - 4b d
--R (3) ------
         7 5 6 4 2 5 3 3 4 2 4 3 5 2
--R
--R
       20b x + 100a b x + 200a b x + 200a b x + 100a b x + 20a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 173
--S 174 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 174
--S 175 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 175
)clear all
--S 176 of 1618
t0:=1/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
--R (1) ------
        6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
        b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 176
--S 177 of 1618
r0:=(-1/5)/(b*(a+b*x)^5)
--R
--R
--R
                             1
--R
--R
                             5
```

```
65 54 243 332 42 5
--R
--R
          b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a b
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 177
--S 178 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
   (3) - -----
          65 54 243 332 42 5
--R
       5b x + 25a b x + 50a b x + 50a b x + 25a b x + 5a b
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 178
--S 179 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 179
--S 180 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 180
)clear all
--S 181 of 1618
t0:=1/((d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3)
--R
--R
--R (1)
--R
--R /
--R.
        6 7 5 6 6 2 4 5 5 3 3 2 4 4
      b e x + (6a b e + b d)x + (15a b e + 6a b d)x + (20a b e + 15a b d)x
--R
--R
          4 2 3 3 3 5
--R
                                   4 2 2 6
                                                  5
--R
       (15a b e + 20a b d)x + (6a b e + 15a b d)x + (a e + 6a b d)x + a d
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 181
```

```
--S 182 of 1618
r0:=(-1/5)/((b*d-a*e)*(a+b*x)^5)+1/4*e/((b*d-a*e)^2*(a+b*x)^4)-_
  1/3*e^2/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)^3)+1/2*e^3/((b*d-a*e)^4*(a+b*x)^2)-_
  e^4/((b*d-a*e)^5*(a+b*x))-e^5*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^6+_
  e^5*\log(d+e*x)/(b*d-a*e)^6
--R
--R
--R
     (2)
             5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
--R
           60b e x + 300a b e x + 600a b e x + 600a b e x + 300a b e x
--R
--R
             5 5
--R
           60a e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
               5 5 5
                       454 2353 3252 45
--R
           - 60b e x - 300a b e x - 600a b e x - 600a b e x - 300a b e x
--R
--R
              5 5
--R
           - 60a e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
            45 5 4 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
        (60a b e - 60b d e)x + (270a b e - 300a b d e + 30b d e)x
--R
--R
            3 2 5 2 3 4 4 2 3
                                          5 3 2 2
--R
        (470a b e - 600a b d e + 150a b d e - 20b d e )x
--R.
--R
            4 5
                   3 2 4
                               2 3 2 3
                                             4 3 2
--R
        (385a b e - 600a b d e + 300a b d e - 100a b d e + 15b d e)x
--R
           5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
        137a e - 300a b d e + 300a b d e - 200a b d e + 75a b d e - 12b d
--R
--R /
--R
             6 5 6
                     5 6 5 4 7 2 4 3 8 3 3 2 9 4 2
           60a b e \, - 360a b d e \, + 900a b d e \, - 1200a b d e \, + 900a b d e
--R
--R
--R
                 10 5 11 6
--R
           - 360a b d e + 60b d
--R
--R.
          5
--R
          X
--R
              7 4 6 6 5 5 5 6 2 4 4 7 3 3 3 8 4 2
--R
--R
           300a b e - 1800a b d e + 4500a b d e - 6000a b d e + 4500a b d e
--R
                 2 9 5 10 6
--R
--R
           - 1800a b d e + 300a b d
```

```
--R
--R
         4
--R
         x
--R
             8 3 6 7 4 5 6 5 2 4 5 6 3 3
--R
--R
          600a b e - 3600a b d e + 9000a b d e - 12000a b d e
--R
                        3 8 5
--R
              4742
                                   2 9 6
--R
          9000a b d e - 3600a b d e + 600a b d
--R
--R
--R
         x
--R
             9 2 6 8 3 5 7 4 2 4 6 5 3 3
--R
--R
          600a b e - 3600a b d e + 9000a b d e - 12000a b d e
--R
--R
              5 6 4 2 4 7 5 3 8 6
--R
          9000a b d e - 3600a b d e + 600a b d
--R
--R
         2
--R
         x
--R
            10 6 9 2 5 8 3 2 4 7 4 3 3
--R
--R
          300a b e - 1800a b d e + 4500a b d e - 6000a b d e
--R
               6 5 4 2 5 6 5 4 7 6
--R
--R
           4500a b d e - 1800a b d e + 300a b d
--R
--R
         X
--R
         11 6 10 5 9 2 2 4 8 3 3 3 7 4 4 2
--R
--R
      60a e - 360a b d e + 900a b d e - 1200a b d e + 900a b d e
--R
          655 566
--R
--R
       - 360a b d e + 60a b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 182
--S 183 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
            5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
          60b e x + 300a b e x + 600a b e x + 600a b e x + 300a b e x
--R
--R
           5 5
          60a e
--R
--R
--R
         log(e x + d)
```

```
--R
           5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
--R
          - 60b e x - 300a b e x - 600a b e x - 600a b e x - 300a b e x
--R
--R
             5 5
--R
          - 60a e
--R
--R
        log(b x + a)
--R
           45 5 4 4 2 3 5
                                        4 4 5 2 3 3
--R
--R
       (60a b e - 60b d e )x + (270a b e - 300a b d e + 30b d e )x
--R
           3 2 5 2 3 4
--R
                               4 2 3
                                        5 3 2 2
--R
       (470a b e - 600a b d e + 150a b d e - 20b d e )x
--R
--R
                  3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
          4 5
--R
       (385a b e - 600a b d e + 300a b d e - 100a b d e + 15b d e)x
--R
--R
         5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
       137a e - 300a b d e + 300a b d e - 200a b d e + 75a b d e - 12b d
--R /
           656 565 4724 3833 2942
--R
          60a b e \, - 360a b d e \, + 900a b d e \, - 1200a b d e \, + 900a b d e
--R
--R
               10 5 11 6
--R
--R
         - 360a b d e + 60b d
--R
--R
         5
--R
         x
--R
             7 4 6 6 5 5 5 6 2 4 4 7 3 3 3 8 4 2
--R
--R
         300a b e - 1800a b d e + 4500a b d e - 6000a b d e + 4500a b d e
--R
               2 9 5 10 6
--R
--R
         - 1800a b d e + 300a b d
--R
--R
         4
--R
         X
--R
             8 3 6 7 4 5 6 5 2 4 5 6 3 3
--R
--R
          600a b e - 3600a b d e + 9000a b d e - 12000a b d e
--R
--R.
             4742 385 296
--R
          9000a b d e - 3600a b d e + 600a b d
--R
--R
         3
--R
         x
--R
             9 2 6 8 3 5 7 4 2 4 6 5 3 3
--R
--R
          600a b e - 3600a b d e + 9000a b d e - 12000a b d e
```

```
--R
               5 6 4 2 4 7 5 3 8 6
--R
--R
          9000a b d e - 3600a b d e + 600a b d
--R
--R
          2
--R
         X
--R
              10 6 9 2 5
--R
                                     8 3 2 4
--R
          300a b e - 1800a b d e + 4500a b d e - 6000a b d e
--R
--R
             6 5 4 2 5 6 5 4 7 6
          4500a b d e - 1800a b d e + 300a b d
--R
--R
--R
         X
--R
--R
         11 6 10 5 9 2 2 4 8 3 3 3 7 4 4 2
        60a e - 360a b d e + 900a b d e - 1200a b d e + 900a b d e
--R
--R
--R
           655 566
--R
        - 360a b d e + 60a b d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 183
--S 184 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 184
--S 185 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 185
)clear all
--S 186 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3)
--R
--R
--R (1)
--R
--R /
--R
        628 52 6 7 242 5 626
       b e x + (6a b e + 2b d e)x + (15a b e + 12a b d e + b d )x
--R
```

```
--R
           3 3 2 2 4 5 2 5 4 2 2 3 3 2 4 2 4
--R
--R
        (20a b e + 30a b d e + 6a b d )x + (15a b e + 40a b d e + 15a b d )x
--R
          5 2 4 2 3 3 2 3 6 2 5
--R
                                                         4 2 2 2
--R
        (6a b e + 30a b d e + 20a b d)x + (a e + 12a b d e + 15a b d)x
--R
--R
                5 2
                         6 2
--R
        (2a d e + 6a b d)x + a d
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 186
--S 187 of 1618
r0:=-1/5*b/((b*d-a*e)^2*(a+b*x)^5)+1/2*b*e/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)^4)-_
  b*e^2/((b*d-a*e)^4*(a+b*x)^3)+2*b*e^3/((b*d-a*e)^5*(a+b*x)^2)-_
  5*b*e^4/((b*d-a*e)^6*(a+b*x))-e^5/((b*d-a*e)^6*(d+e*x))-_
  6*b*e^5*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^7+6*b*e^5*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
               6 6 6
                            56 6 5 5
           -60b e x + (-300a b e -60b d e)x
--R
--R
--R
                       5 5 4 3 3 6 2 4 5 3
                 2 4 6
--R
           (-600a b e - 300a b d e)x + (-600a b e -600a b d e)x
--R
--R
                 4 2 6
                        3 3 5 2 5 6
--R
           (-300abe - 600abde)x + (-60abe - 300abde)x
--R
--R
               5 5
--R
           - 60a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
                        56 6 5 5
                                             2 4 6
--R
           60b e x + (300a b e + 60b d e)x + (600a b e + 300a b d e)x
--R
--R
                        2 4 5 3
                                      4 2 6
                                                3 3 5 2
               3 3 6
--R
           (600a b e + 600a b d e )x + (300a b e + 600a b d e )x
--R
--R
              5 6
                      425
           (60a b e + 300a b d e )x + 60a b d e
--R
--R.
--R
         log(b x + a)
--R
--R
              5 6
                    6 5 5
                                    2 4 6
                                              5 5 6 2 4 4
--R
        (-60abe + 60bde)x + (-270abe + 240abde + 30bde)x
--R
--R
              3 3 6
                     2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
        (- 470a b e + 330a b d e + 150a b d e - 10b d e )x
```

```
--R
          4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3 6 4 2 2
--R
--R
       (- 385a b e + 130a b d e + 300a b d e - 50a b d e + 5b d e )x
--R
              5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
--R
--R
          - 137a b e - 85a b d e + 300a b d e - 100a b d e + 25a b d e
--R
--R
            6 5
         - 3b d e
--R
--R
--R
--R
          6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
--R
       - 10a e - 77a b d e + 150a b d e - 100a b d e + 50a b d e
--R
--R
           5 5 6 6
--R
       - 15a b d e + 2b d
--R /
            758 667 5726 4835 3944
--R
--R
          10a b e - 70a b d e + 210a b d e - 350a b d e + 350a b d e
--R
               2 10 5 3 11 6 2 12 7
--R
--R
          - 210a b d e + 70a b d e - 10b d e
--R
--R
         6
--R
        x
--R
--R
           848 75 7 6626 5735 4844
--R
          50a b e - 340a b d e + 980a b d e - 1540a b d e + 1400a b d e
--R
              3 9 5 3 2 10 6 2 11 7
--R
                                           12 8
--R
         - 700a b d e + 140a b d e + 20a b d e - 10b d
--R
--R
         5
--R
        X
--R
             9 3 8 8 4 7 7 5 2 6 6 6 3 5 5 7 4 4
--R
          100a b e - 650a b d e + 1750a b d e - 2450a b d e + 1750a b d e
--R
--R
--R
              4853 3962
                                  2 10 7
          - 350a b d e - 350a b d e + 250a b d e - 50a b d
--R
--R
--R
         4
--R
         x
--R
             10 2 8 9 3 7 8 4 2 6 7 5 3 5 5 7 5 3
--R
--R
          100a b e - 600a b d e + 1400a b d e - 1400a b d e + 1400a b d e
--R
               4 8 6 2 3 9 7 2 10 8
--R
--R
          - 1400a b d e + 600a b d e - 100a b d
```

```
--R
--R
         3
--R
        x
--R
           11 8 10 2 7 9 3 2 6 8 4 3 5 7 5 4 4
--R
--R
          50a b e - 250a b d e + 350a b d e + 350a b d e - 1750a b d e
--R
--R
             6 6 5 3
                      5 7 6 2
                                  487
         2450a b d e - 1750a b d e + 650a b d e - 100a b d
--R
--R
--R
--R
        x
--R
--R
           12 8 11
                        7 10 2 2 6 9 3 3 5
         10a e - 20a b d e - 140a b d e + 700a b d e - 1400a b d e
--R
--R
--R
             7553 6662 577 488
--R
         1540a b d e - 980a b d e + 340a b d e - 50a b d
--R
--R
        X
--R
        12 7 11 26 10235 9344 8453
--R
--R
       10a d e - 70a b d e + 210a b d e - 350a b d e + 350a b d e
--R
--R
          7 5 6 2 6 6 7 5 7 8
--R
       - 210a b d e + 70a b d e - 10a b d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 187
--S 188 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
             6 6 6
--R
                         56 6 5 5
          -60b e x + (-300a b e -60b d e)x
--R
--R
--R
                        5 5 4 3 3 6
                                               2 4 5 3
               2 4 6
          (-600a b e - 300a b d e )x + (-600a b e -600a b d e )x
--R
--R
               4 2 6 3 3 5 2 5 6
--R
          (-300a b e -600a b d e)x + (-60a b e -300a b d e)x
--R
--R
--R
            5 5
--R
          - 60a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
            666 56 655 246 554
--R
--R
          60b e x + (300a b e + 60b d e)x + (600a b e + 300a b d e)x
```

```
--R
            3 3 6 2 4 5 3 4 2 6 3 3 5 2
--R
--R
          (600a b e + 600a b d e )x + (300a b e + 600a b d e )x
--R
             5 6 4 2 5 5 5
--R
--R
          (60a b e + 300a b d e )x + 60a b d e
--R
         log(b x + a)
--R
--R
            5 6 6 5 5 2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
       (- 60a b e + 60b d e )x + (- 270a b e + 240a b d e + 30b d e )x
--R
            3 3 6 2 4 5
                                 5 2 4
--R
                                         6333
--R
       (-470a b e +330a b d e +150a b d e -10b d e )x
--R
--R
            4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3 6 4 2 2
--R
       (- 385a b e + 130a b d e + 300a b d e - 50a b d e + 5b d e )x
--R
             5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
--R
--R
          - 137a b e - 85a b d e + 300a b d e - 100a b d e + 25a b d e
--R
--R
            6 5
--R
          - 3b d e
--R
--R
--R
          66 5 5 4224 3333 2442
--R
--R
       - 10a e - 77a b d e + 150a b d e - 100a b d e + 50a b d e
--R
--R
           5 5 6 6
--R
       - 15a b d e + 2b d
--R /
            758 667 5726 4835 3944
--R
--R
         10a b e - 70a b d e + 210a b d e - 350a b d e + 350a b d e
--R
               2 10 5 3 11 6 2 12 7
--R
--R
         - 210a b d e + 70a b d e - 10b d e
--R
--R
         6
--R
         X
--R
            8 4 8 7 5 7 6 6 2 6 5 7 3 5 4 8 4 4
--R
--R
          50a b e - 340a b d e + 980a b d e - 1540a b d e + 1400a b d e
--R
               3 9 5 3 2 10 6 2 11 7 12 8
--R
--R
          - 700a b d e + 140a b d e + 20a b d e - 10b d
--R
--R
         5
--R
        х
--R
```

```
9 3 8 8 4 7 7 5 2 6 6 6 3 5 5 7 4 4
--R
--R
          100a b e - 650a b d e + 1750a b d e - 2450a b d e + 1750a b d e
--R
                       3 9 6 2
--R
               4 8 5 3
                                  2 10 7
                                              11 8
--R
         - 350a b d e - 350a b d e + 250a b d e - 50a b d
--R
--R
--R
        x
--R
             10 2 8 9 3 7 8 4 2 6 7 5 3 5 5 7 5 3
--R
--R
         100a b e - 600a b d e + 1400a b d e - 1400a b d e + 1400a b d e
--R
               4 8 6 2 3 9 7
                                 2 10 8
--R
--R
         - 1400a b d e + 600a b d e - 100a b d
--R
--R
         3
--R
         X
--R
           11 8 10 2 7 9 3 2 6 8 4 3 5 7 5 4 4
--R
--R
          50a b e - 250a b d e + 350a b d e + 350a b d e - 1750a b d e
--R
--R
            6653 5762 487 398
--R
          2450a b d e - 1750a b d e + 650a b d e - 100a b d
--R
--R
         2
--R
         x
--R
            12 8 11 7 10 2 2 6 9 3 3 5 8 4 4 4
--R
--R
         10a e - 20a b d e - 140a b d e + 700a b d e - 1400a b d e
--R
--R
              7553 6662 577 488
--R
         1540a b d e - 980a b d e + 340a b d e - 50a b d
--R
--R
--R
         12 7 11 26 10235 9344 8453
--R
--R
      10a de - 70a b de + 210a b de - 350a b de + 350a b de
--R
                             5 7 8
          7 5 6 2 6 6 7
--R
--R
       - 210a b d e + 70a b d e - 10a b d
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--Е 188
--S 189 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 189
```

```
--S 190 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 190
)clear all
--S 191 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3)
--R
--R
--R
    (1)
--R
      1
--R /
--R
         b e x + (6a b e + 3b d e )x + (15a b e + 18a b d e + 3b d e)x
--R
--R
--R
           3 3 3
                   2 4 2 5 2
                                       636
--R
        (20a b e + 45a b d e + 18a b d e + b d )x
--R
--R
           4 2 3 3 3 2 2 4 2
                                        5 3 5
--R
        (15a b e + 60a b d e + 45a b d e + 6a b d )x
--R
--R
           5 3 4 2 2 3 3 2
                                     2 4 3 4
--R
        (6a b e + 45a b d e + 60a b d e + 15a b d )x
--R
--R
                5
                     2
                           4 2 2
                                       3 3 3 3
--R
        (a e + 18a b d e + 45a b d e + 20a b d )x
--R
--R
          6 2 5 2
                             4 2 3 2
                                        6 2 5 3
--R
        (3a d e + 18a b d e + 15a b d)x + (3a d e + 6a b d)x + a d
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--R
--E 191
--S 192 of 1618
r0:=-1/5*b^2/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)^5)+3/4*b^2*e/((b*d-a*e)^4*(a+b*x)^4)-_
  2*b^2*e^2/((b*d-a*e)^5*(a+b*x)^3)+5*b^2*e^3/((b*d-a*e)^6*(a+b*x)^2)-_
  15*b^2*e^4/((b*d-a*e)^7*(a+b*x))-1/2*e^5/((b*d-a*e)^6*(d+e*x)^2)-_
  6*b*e^5/((b*d-a*e)^7*(d+e*x))-21*b^2*e^5*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^8+_
  21*b^2*e^5*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^8
--R
--R
--R
     (2)
--R
                           67 7 6 6
               777
           420b e x + (2100a b e + 840b d e )x
--R
--R
```

```
257 66 7255
--R
           (4200a b e + 4200a b d e + 420b d e )x
--R
--R
               3 4 7 2 5 6
--R
                                      6254
          (4200a b e + 8400a b d e + 2100a b d e )x
--R
--R
               4 3 7 3 4 6
--R
                                    25253
--R
           (2100a b e + 8400a b d e + 4200a b d e )x
--R
--R
              5 2 7
                       4 3 6
                                   3 4 2 5 2
--R
           (420a b e + 4200a b d e + 4200a b d e )x
--R
              5 2 6 4 3 2 5
--R
                                      5 2 2 5
--R
          (840a b d e + 2100a b d e )x + 420a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
              777
                            67 7 6 6
          - 420b e x + (- 2100a b e - 840b d e )x
--R
--R
--R
                           6 6 7 2 5 5
          (- 4200a b e - 4200a b d e - 420b d e )x
--R
--R
--R
                 3 4 7 2 5 6 6 2 5 4
          (- 4200a b e - 8400a b d e - 2100a b d e )x
--R
--R
--R
                 4 3 7 3 4 6
                                     2525 3
--R
          (- 2100a b e - 8400a b d e - 4200a b d e )x
--R
--R
                5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2
--R
           (- 420a b e - 4200a b d e - 4200a b d e )x
--R
--R
               5 2 6
                           4 3 2 5
                                      5 2 2 5
--R
          (- 840a b d e - 2100a b d e )x - 420a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
            6 7
                   7 6 6 2 5 7 6 6 7 2 5 5
--R
--R
        (420a b e - 420b d e)x + (1890a b e - 1260a b d e - 630b d e)x
--R
--R
           3 4 7 2 5 6
                                  6 2 5
                                           7 3 4 4
        (3290a b e - 420a b d e - 2730a b d e - 140b d e )x
--R
--R
--R
            4 3 7 3 4 6 2 5 2 5
                                              6 3 4 7 4 3 3
--R
        (2695a b e + 2380a b d e - 4410a b d e - 700a b d e + 35b d e )x
--R
             5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3
--R
          959a b e + 3290a b d e - 3010a b d e - 1400a b d e + 175a b d e
--R
--R
--R
              7 5 2
```

```
- 14b d e
--R
--R
--R
         2
--R
        x
--R
           6 7 5 2 6 4 3 2 5 3 4 3 4 2 5 4 3
--R
--R
         70a b e + 1498a b d e - 455a b d e - 1400a b d e + 350a b d e
--R
              6 5 2 7 6
--R
--R
         - 70a b d e + 7b d e
--R
--R
--R
          77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3
--R
--R
       - 10a e + 140a b d e + 329a b d e - 700a b d e + 350a b d e
--R
--R
          2552 66
                            7 7
--R
       - 140a b d e + 35a b d e - 4b d
--R /
           8510 769 6728 5837 4946
--R
--R
          20a b e - 160a b d e + 560a b d e - 1120a b d e + 1400a b d e
--R
--R
              3 10 5 5 2 11 6 4 12 7 3 13 8 2
--R
         - 1120a b d e + 560a b d e - 160a b d e + 20b d e
--R
--R
         7
--R
        x
--R
--R
           9 4 10 8 5 9 7 6 2 8 6 7 3 7 5 8 4 6
--R
         100a b e - 760a b d e + 2480a b d e - 4480a b d e + 4760a b d e
--R
              4 9 5 5 3 10 6 4 2 11 7 3 12 8 2 13 9
--R
--R
         - 2800a b d e + 560a b d e + 320a b d e - 220a b d e + 40b d e
--R
--R
         6
--R
        x
--R
            10 3 10 9 4 9 8 5 2 8 7 6 3 7
--R
--R
          200a b e - 1400a b d e + 4020a b d e - 5760a b d e
--R
             6746 5855 4964 31073
--R
          3360a b d e + 1680a b d e - 4200a b d e + 2880a b d e
--R
--R
--R
              2 11 8 2 12 9 13 10
         - 840a b d e + 40a b d e + 20b d
--R
--R
--R
         5
--R
        x
--R
--R
            11 2 10 10 3 9 9 4 2 8 8 5 3 7
```

```
--R
          200a b e - 1200a b d e + 2500a b d e - 800a b d e
--R
                7 6 4 6 6 7 5 5 5 8 6 4 4 9 7 3
--R
--R
          - 5600a b d e + 11200a b d e - 9800a b d e + 4000a b d e
--R
--R
               3 10 8 2
                         2 11 9
                                      12 10
--R
         - 200a b d e - 400a b d e + 100a b d
--R
--R
--R
        x
--R
             12 10 11 2 9 10 3 2 8 9 4 3 7
--R
          100a b e - 400a b d e - 200a b d e + 4000a b d e
--R
--R
               8546 7655 6764 5873
--R
--R
          - 9800a b d e + 11200a b d e - 5600a b d e - 800a b d e
--R
--R
             4 9 8 2 3 10 9 2 11 10
          2500a b d e - 1200a b d e + 200a b d
--R
--R
--R
--R
         X
--R
--R
           13 10 12 9 11 2 2 8 10 3 3 7 9 4 4 6
--R
          20a e + 40a b d e - 840a b d e + 2880a b d e - 4200a b d e
--R
--R
              8555 7664 6773 5882
--R
          1680a b d e + 3360a b d e - 5760a b d e + 4020a b d e
--R
--R
               4 9 9 3 10 10
--R
          - 1400a b d e + 200a b d
--R
--R
         2
--R
         x
--R
            13 9 12 28 11 2 3 7 10 3 4 6 9 4 5 5
--R
--R
          40a de - 220a b de + 320a b de + 560a b de - 2800a b de
--R
             8 5 6 4 7 6 7 3 6 7 8 2 5 8 9
--R
--R
          4760a b d e - 4480a b d e + 2480a b d e - 760a b d e + 100a b d
--R
--R
--R
--R.
         13 2 8 12 3 7 11 2 4 6 10 3 5 5 9 4 6 4
--R
       20a de - 160a b de + 560a b de - 1120a b de + 1400a b de
--R
--R
           8 5 7 3 7 6 8 2 6 7 9 5 8 10
       - 1120a b d e + 560a b d e - 160a b d e + 20a b d
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 192
```

```
--S 193 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
             777 67 766
--R
--R
          420b e x + (2100a b e + 840b d e )x
--R
--R
              2 5 7
                         6 6
                                  7 2 5 5
           (4200a b e + 4200a b d e + 420b d e)x
--R
--R
               3 4 7 2 5 6
--R
                                     6254
--R
          (4200a b e + 8400a b d e + 2100a b d e)x
--R
--R
              4 3 7 3 4 6 2 5 2 5 3
--R
           (2100a b e + 8400a b d e + 4200a b d e)x
--R
--R
              5 2 7 4 3 6
                                   3 4 2 5 2
--R
           (420a b e + 4200a b d e + 4200a b d e)x
--R
             5 2 6 4 3 2 5 5 2 2 5
--R
--R
           (840a b d e + 2100a b d e)x + 420a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
                       67 7 6 6
--R
--R
          - 420b e x + (- 2100a b e - 840b d e )x
--R
--R
                 257 667255
--R
          (- 4200a b e - 4200a b d e - 420b d e )x
--R
--R
                 3 4 7
                         256
                                       6254
--R
          (- 4200a b e - 8400a b d e - 2100a b d e )x
--R
--R
                 4 3 7
                         3 4 6
                                      2525 3
--R
          (- 2100a b e - 8400a b d e - 4200a b d e )x
--R
                        4 3 6
--R
               5 2 7
                                    3 4 2 5 2
--R
          (- 420a b e - 4200a b d e - 4200a b d e )x
--R
--R
                5 2 6 4 3 2 5
                                     5 2 2 5
--R
          (- 840a b d e - 2100a b d e )x - 420a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
            67 7 6 6 2 5 7 6 6 7 2 5 5
--R
--R
        (420a b e - 420b d e)x + (1890a b e - 1260a b d e - 630b d e)x
--R
--R
            3 4 7 2 5 6
                               6 2 5 7 3 4 4
```

```
--R
       (3290a b e - 420a b d e - 2730a b d e - 140b d e)x
--R
--R
           4 3 7 3 4 6 2 5 2 5 6 3 4 7 4 3 3
--R
       (2695a b e + 2380a b d e - 4410a b d e - 700a b d e + 35b d e )x
--R
             5 2 7 4 3 6 3 4 2 5
                                           2534 643
--R
--R
         959a b e + 3290a b d e - 3010a b d e - 1400a b d e + 175a b d e
--R
--R
             7 5 2
--R
         - 14b d e
--R
--R
         2
--R
        x
--R
           6 7 5 2 6 4 3 2 5 3 4 3 4 2 5 4 3
--R
--R
          70a b e + 1498a b d e - 455a b d e - 1400a b d e + 350a b d e
--R.
--R
              6 5 2 7 6
--R
         -70abde +7bde
--R
--R
--R
--R
          77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3
       - 10a e + 140a b d e + 329a b d e - 700a b d e + 350a b d e
--R
--R
          2552 66 77
--R
--R
       - 140a b d e + 35a b d e - 4b d
--R /
           8510 769 6728 5837 4946
--R
--R
          20a b e - 160a b d e + 560a b d e - 1120a b d e + 1400a b d e
--R
               3 10 5 5 2 11 6 4 12 7 3 13 8 2
--R
--R
         - 1120a b d e + 560a b d e - 160a b d e + 20b d e
--R
--R
         7
--R
        x
--R
             9 4 10 8 5 9 7 6 2 8 6 7 3 7 5 8 4 6
--R
--R
          100a b e - 760a b d e + 2480a b d e - 4480a b d e + 4760a b d e
--R
             4 9 5 5 3 10 6 4 2 11 7 3 12 8 2
--R
         - 2800a b d e + 560a b d e + 320a b d e - 220a b d e + 40b d e
--R
--R.
--R.
         6
--R
        x
--R
            10 3 10 9 4 9 8 5 2 8 7 6 3 7
--R
         200a b e - 1400a b d e + 4020a b d e - 5760a b d e
--R
--R
--R
              6746 5855 4964 31073
```

```
--R
         3360a b d e + 1680a b d e - 4200a b d e + 2880a b d e
--R
--R
              2 11 8 2 12 9 13 10
--R
          - 840a b d e + 40a b d e + 20b d
--R
--R
        5
--R
        x
--R
            --R
--R
          200a b e - 1200a b d e + 2500a b d e - 800a b d e
--R
              7646 6755 5864
--R
                                              4 9 7 3
          - 5600a b d e + 11200a b d e - 9800a b d e + 4000a b d e
--R
--R
                                    12 10
--R
              3 10 8 2 2 11 9
--R
         - 200a b d e - 400a b d e + 100a b d
--R
--R
         4
--R
        x
--R
--R
           12 10 11 2 9 10 3 2 8 9 4 3 7
         100a be - 400a bde - 200a bde + 4000abde
--R
--R
--R
             8546 7655 6764 5873
         - 9800a b d e + 11200a b d e - 5600a b d e - 800a b d e
--R
--R
--R
             4 9 8 2 3 10 9 2 11 10
--R
          2500a b d e - 1200a b d e + 200a b d
--R
--R
         3
--R
        X
--R
           13 10 12 9 11 2 2 8 10 3 3 7 9 4 4 6
--R
--R
         20a e + 40a b d e - 840a b d e + 2880a b d e - 4200a b d e
--R
            8555 7664 6773 5882
--R
--R
         1680a b d e + 3360a b d e - 5760a b d e + 4020a b d e
--R
              4 9 9 3 10 10
--R
--R
         - 1400a b d e + 200a b d
--R
--R
        2
--R.
        X
--R
           13 9 12 28 11 2 3 7 10 3 4 6 9 4 5 5
--R
--R
         40a de - 220a b de + 320a b de + 560a b de - 2800a b de
--R
--R
                     7673 6782 589
         4760a b d e - 4480a b d e + 2480a b d e - 760a b d e + 100a b d
--R
--R
```

```
--R
         x
--R
--R
          13 2 8 12 3 7 11 2 4 6 10 3 5 5 9 4 6 4
--R
        20a d e - 160a b d e + 560a b d e - 1120a b d e + 1400a b d e
--R
--R
              8 5 7 3
                        7682
                                      6 7 9
                                               5 8 10
--R
        - 1120a b d e + 560a b d e - 160a b d e + 20a b d
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 193
--S 194 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 194
--S 195 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 195
)clear all
--S 196 of 1618
t0:=(d+e*x)^m*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
                  +----+
                 m | 2 2 2
--R
--R
    (1) (e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 196
--S 197 of 1618
r0:=(d+e*x)^{(1+m)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e*(2+m))-_
  (b*d-a*e)*(d+e*x)^{(1+m)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(1+m)*(2+m)*(a+b*x))
--R
--R.
--R
     (2)
--R
                                                  +----+
                                             m + 1 | 2 2
--R
--R ((b e m + b e)x + a e m + 2a e - b d)(e x + d) \|b x + 2a b x + a
--R
              2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
             (b e m + 3b e m + 2b e) x + a e m + 3a e m + 2a e
```

```
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 197
--S 198 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
            2 2 2 2
--R
       ((b e m + b e )x + ((a e + b d e)m + 2a e )x + a d e m + 2a d e - b d )
--R
--R
--R
         m \log(e x + d)
--R
        %e
--R /
--R
       2 2 2
--R
       e m + 3e m + 2e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 198
--S 199 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
             2 2 2 2 3 2 2
--R
            (b e m + b e)x + ((2a b e + b d e)m + 3a b e)x
--R
--R
              2 2
                               2 2
                                                 2 2 2
--R
            ((a e + 2a b d e)m + 2a e + 2a b d e - b d )x + a d e m + 2a d e
--R
--R
                  2
--R
           - a b d
--R
--R
           m \log(e x + d)
--R
          %e
--R
--R
                                                 m + 1 | 2 2
--R
--R
       ((-b e m - b e)x - a e m - 2a e + b d)(e x + d) \|b x + 2a b x + a
--R /
--R
                          2
                                  2 2
--R
       (b e m + 3b e m + 2b e) x + a e m + 3a e m + 2a e
--R.
                                                Type: Expression(Integer)
--E 199
--S 200 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
```

```
--R
                                   --R
--R
       ((b e m + 2b e)x + a e m + 2a e) | b x + 2a b x + a %e
--R
--R
--R
        (-b x - a b)(e x + d)
--R
--R
           (- b e m - b e)x + (- 2a b e m - 3a b e + b d)x - a e m - 2a e
--R
--R
--R
            a b d
--R
--R
--R
         (e x + d)
--R /
--R
--R.
               1 2 2 2
--R
      (e m + 2e) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 200
)clear all
--S 201 of 1618
t0:=(d+e*x)^4*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
    44 33 222 3 4 | 22 2
--R
--R (1) (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d)\|b x + 2a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 201
--S 202 of 1618
r0:=1/6*(d+e*x)^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e-1/30*(b*d-a*e)*(d+e*x)^5*_1
 sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x))
--R.
--R
--R
    (2)
           66 6 55 5 244
--R
         5b e x + (6a e + 24b d e )x + (30a d e + 45b d e )x
--R
--R
--R.
             24 333 33 422 42
--R.
         (60a d e + 40b d e )x + (60a d e + 15b d e )x + 30a d e x + 6a d e
--R
--R
--R
         - b d
--R
--R
--R
         1 2 2
```

```
--R \|b x + 2a b x + a
--R /
                     2 2
--R
--R 30b e x + 30a e
--R
                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 202
--S 203 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           (3)
                             46 4 35 3 224
--R
                     5b e x + (6a e + 24b d e )x + (30a d e + 45b d e )x
--R
--R
--R
                                  2 2 3 3
                                                                                             3
                                                                                                            4 2
--R
                   (60a d e + 40b d e)x + (60a d e + 15b d)x + 30a dx
--R /
--R
--R
                                                                                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 203
--S 204 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              (4)
                                            6 6 6 5 5 5 2 4 4
--R
--R
                                 -5b e x + (-6a e - 24b d e)x + (-30a d e - 45b d e)x
--R.
                                                 2 4 3 3 3 3 4 2 2 4 2
--R
--R
                               (-60a d e -40b d e )x + (-60a d e -15b d e )x -30a d e x
--R
                                           5 6
--R
--R
                              - 6a d e + b d
--R
--R
                              +----+
                              | 2 2 2
--R
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                              2 5 6 2 6 5 2 2 4 5
                                                             6
--R
                       5b e x + (11a b e + 24b d e)x + (6a e + 54a b d e + 45b d e)x
--R
--R
                                                                  2 4 2 3 3 4
--R
--R
                       (30a d e + 105a b d e + 40b d e)x
--R
                             2 2 4 3 3 2 4 2 3 2 3 3 4 2 2
--R
--R
                      (60a d e + 100a b d e + 15b d e )x + (60a d e + 45a b d e )x
--R
--R
                        2 4 2
```

```
--R
     30a d e x
--R /
      2
--R
--R
    30b e x + 30a e
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 204
--S 205 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5)
          45 4 34
                               3 223
--R
         b e x + (a e + 4b d e )x + (4a d e + 6b d e )x
--R
--R
--R
            2 2 3 2 3
                                 4
         (6a d e + 4b d e)x + (4a d e + b d )x + a d
--R
--R
        +----+
--R
--R
        122
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
--R
        2 4 6 4 2 3 5 2 4 3 2 2 2 4
--R
      - b e x + (- 2a b e - 4b d e )x + (- a e - 8a b d e - 6b d e )x
--R
          --R
     (-4ade -12abde -4bde)x + (-6ade -8abde -bd)x
--R
--R
               4
--R
          2 3
                       2 4
--R
      (- 4a d e - 2a b d )x - a d
--R /
      +----+
--R
      | 2 2 2
--R
--R
     --R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 205
)clear all
--S 206 of 1618
t0:=(d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
        3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
--R (1) (e x + 3d e x + 3d e x + d)\|b x + 2a b x + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 206
--S 207 of 1618
```

```
r0:=1/5*(d+e*x)^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e-1/20*(b*d-a*e)*(d+e*x)^4*_2
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x))
--R
--R
--R
   (2)
           5 5 5 4 4
--R
--R
        4b e x + (5a e + 15b d e )x + (20a d e + 20b d e )x
--R
            23 322 32
--R
        (30a d e + 10b d e )x + 20a d e x + 5a d e - b d
--R
--R
        +----+
--R
        | 2 2 2
--R
--R
       --R /
--R
         2 2
--R
      20b e x + 20a e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 207
--S 208 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
          3 5 3 2 4 2 2 3
--R
--R
      4b e x + (5a e + 15b d e)x + (20a d e + 20b d e)x
--R
--R
            2
               3 2
--R
      (30a d e + 10b d )x + 20a d x
--R /
--R
      20
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 208
--S 209 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
                    5 4 4
--R
          -4b e x + (-5a e - 15b d e)x + (-20a d e - 20b d e)x
--R
--R.
--R
                2 3 3 2 2 3 2 4
--R
          (- 30a d e - 10b d e )x - 20a d e x - 5a d e + b d
--R
          +----+
--R
--R
         | 2 2 2
--R
         --R
```

```
256 5 2 4 5 2 5 4 2 2 3 4
--R
--R
      4b e x + (9a b e + 15b d e )x + (5a e + 35a b d e + 20b d e )x
--R
--R
          2 4 2 3 2 3 2 2 3
--R
       (20a d e + 50a b d e + 10b d e )x + (30a d e + 30a b d e )x
--R
--R
        2 3 2
--R
      20a d e x
--R /
        2 2
--R
--R
     20b e x + 20a e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 209
--S 210 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
           3 4 3 2 3 2 2 2 3
--R
--R
         b e x + (a e + 3b d e )x + (3a d e + 3b d e)x + (3a d e + b d )x
--R
--R
           3
--R
         a d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        --R
        2 3 5 3 2 2 4 2 3 2 2 2 3
--R.
--R
      - b e x + (- 2a b e - 3b d e )x + (- a e - 6a b d e - 3b d e)x
--R
                                  2 2
--R
                    2
                        232
--R
      (- 3a d e - 6a b d e - b d )x + (- 3a d e - 2a b d )x - a d
--R /
--R
      | 2 2 2
--R
--R
      \|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 210
)clear all
--S 211 of 1618
t0:=(d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
     2 2
                    2 | 2 2 2
--R
--R (1) (e x + 2d e x + d)\|b x + 2a b x + a
```

```
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 211
--S 212 of 1618
 \texttt{r0:=1/4*(d+e*x)^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e-1/12*(b*d-a*e)*(d+e*x)^3*_1 } 
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x))
--R
--R
--R
   (2)
                                             2 2 2
--R
                           3 3
                                    3
--R
        3b e x + (4a e + 8b d e )x + (12a d e + 6b d e )x + 12a d e x
--R
           3
--R
--R
        4a d e - b d
--R
--R
        +----+
--R
        | 2 2 2
       \|b x + 2a b x + a
--R
--R /
        2 2
--R
--R
     12b e x + 12a e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 212
--S 213 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          2 4 2 3
--R
                                            2 2 2
--R
       3b e x + (4a e + 8b d e)x + (12a d e + 6b d )x + 12a d x
--R (3) ------
--R
                               12
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 213
--S 214 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
                     4 3 3 3 2 2 2
--R
          -3b e x + (-4a e - 8b d e)x + (-12a d e - 6b d e)x
--R
--R.
--R
                2 2 3
          - 12a d e x - 4a d e + b d
--R
--R
         +----+
--R
--R
         | 2 2 2
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
```

```
2 4 5 4 2 3 4 2 4 3 2 2 2 3
--R
    2 4 b 4 2 6 1 2 3b e x + (7a b e + 8b d e )x + (4a e + 20a b d e + 6b d e )x
--R
--R
          2 3 2 2 2 2 2 2
--R
--R
      (12a d e + 18a b d e )x + 12a d e x
--R /
        2 2
--R
--R
     12b e x + 12a e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 214
--S 215 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
          2 3 2 2
--R
        (b e x + (a e + 2b d e)x + (2a d e + b d)x + a d)
--R
--R
        +----+
         | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
         2 2 4 2 2 3 2 2 2 2 2
--R
--R
      - b e x + (- 2a b e - 2b d e)x + (- a e - 4a b d e - b d )x
--R
--R
                          2 2
--R
      (- 2a d e - 2a b d )x - a d
--R /
--R
      +----+
      | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 215
)clear all
--S 216 of 1618
t0:=(d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
--R
               | 2 2
--R (1) (e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 216
--S 217 of 1618
r0:=1/3*e*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/b^2+1/2*(b*d-a*e)*(a+b*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/b^2
```

```
--R
--R
--R
         2 2 2 1 2 2
--R
--R
        (2b e x + (a b e + 3b d)x - a e + 3a b d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                 2
--R
--R
                                6b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 217
--S 218 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            3
--R
   2b e x + (3a e + 3b d)x + 6a d x
--R (3) -----
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 218
--S 219 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
                            2 2 | 2 2
--R
--R
--R
       (-2b e x + (-abe - 3b d)x + ae - 3abd) \setminus |bx + 2abx + ae - 3abd)
--R
        3 3 2 3 2 2
--R
--R
      2b e x + (3a b e + 3b d)x + 6a b d x
--R /
--R
      2
--R
      6b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 219
--S 220 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5)
--R
                               1 2 2 2 3
--R
       (b e x + (a e + b d)x + a d) \setminus |b x + 2a b x + a - b e x
--R
--R
--R
                2 2 2
     (-2abe-bd)x + (-ae-2abd)x - ad
--R
```

```
--R +----+
     | 2 2 2
--R
--R \|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 220
)clear all
--S 221 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
        +----+
--R
--R
        | 2 2 2
--R (1) \|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 221
--S 222 of 1618
r0:=1/2*(a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/b
--R
--R
--R
              | 2 2 2
--R
   (b x + a)\|b x + 2a b x + a
--R
   (2) -----
--R
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 222
--S 223 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
       2
--R 2
--R b x + 2a x
--R (3) -----
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 223
--S 224 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                 +----+
               | 2 2 2 2 2 2
--R
--R (- b x - a)\|b x + 2a b x + a + b x + 2a b x
--R (4) -----
```

```
--R
                           2b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 224
--S 225 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
               1 2 2 2 2 2 2
--R
--R
        (b x + a)\|b x + 2a b x + a - b x - 2a b x - a
--R
   (5) -----
--R
                     | 2 2 2
--R
--R
                    --R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 225
)clear all
--S 226 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)/(d+e*x)
--R
--R
--R
        | 2 2 2
--R
--R
        --R
   (1) -----
--R
            ex+d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 226
--S 227 of 1618
r0:=sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e-(b*d-a*e)*log(d+e*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x))
--R
--R
--R
                                        | 2 2 2
--R
--R
        ((a e - b d)log(e x + d) + b e x + a e) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
--R
                             2 2
--R
                           bex+ae
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 227
--S 228 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
(a e - b d)log(e x + d) + b e x
--R
--R
                                                                                2
--R
                                                                                е
--R
                                                                                                                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 228
--S 229 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              (4)
--R
                                                                                                                                                                  1 2 2 2
--R
--R
                            ((-ae+bd)log(ex+d)-bex-ae)\setminus bx+2abx+a
--R
--R
                                                                                    2
--R
                              ((a b e - b d)x + a e - a b d)log(e x + d) + b e x + a b e x
--R /
                            2 2
--R
--R
                        bex+ae
--R
                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 229
--S 230 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                                                           1 2 2 2 2 2
--R
--R
                               (b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 2a b x - a
--R
--R
                                                                                                | 2 2 2
--R
--R
                                                                    (e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 230
)clear all
--S 231 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)/(d+e*x)^2
--R
--R
--R
                                  +----+
                                 | 2 2 2
--R
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R (1) -----
                                    2 2 2
--R
--R
                                 ex + 2d ex + d
```

```
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 231
--S 232 of 1618
\verb"r0:=(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x)*(d+e*x))+\_
  b*log(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x))
--R
--R
--R
                                           1 2 2 2
--R
--R
        ((b e x + b d)log(e x + d) - a e + b d) | b x + 2a b x + a
--R
     (2) -----
                     3 2 3 2 2
--R
                    bex + (ae + bde)x + ade
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 232
--S 233 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        (b e x + b d)log(e x + d) - a e + b d
--R
--R
                     3 2
--R
                     e x + d e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 233
--S 234 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                                            | 2 2 2
--R
        ((-bex-bd)\log(ex+d)+ae-bd)\setminus bx+2abx+a
--R
--R
--R
        (b e x + (a b e + b d)x + a b d)log(e x + d) + (- a b e + b d)x - a e
--R
--R
--R
        a b d
--R /
--R
       3 2
                3 2
      b e x + (a e + b d e)x + a d e
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 234
--S 235 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R
               1 2 2 2 2 2
--R
--R
        (b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 2a b x - a
--R
   (5) -----
--R
            2 2 2 2 2
--R
--R
            (e x + 2d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 235
)clear all
--S 236 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)/(d+e*x)^3
--R
--R
--R
           +----+
           1 2 2 2
--R
--R
           --R (1) -----
       3 3 2 2 2 3
--R
--R
       e x + 3d e x + 3d e x + d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 236
--S 237 of 1618
r0:=1/2*(a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^2)
--R
--R
                          +----+
| 2 2 2
--R
--R
--R
                  (-bx-a)\backslash bx + 2abx + a
--R
        3 2 2 2 2 3
--R
       (2a e - 2b d e )x + (4a d e - 4b d e)x + 2a d e - 2b d
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 237
--S 238 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R.
--R.
        - 2b e x - a e - b d
--R (3) -----
        4 2 3 2 2
--R
--R
       2e x + 4d e x + 2d e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 238
```

```
--S 239 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
      --R
--R
    (b e x + a e) \setminus |b x + 2a b x + a + (-2a b e + 2b d e) x - a e + b d
--R
        5 4 2 4 2 3 2 3 3 2
--R
--R
        (2a e - 2b d e )x + (4a d e - 4b d e )x + 2a d e - 2b d e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 239
--S 240 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
               +----+
               | 2 2 2 2 2
--R
--R
     (b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 2a b x - a
--R
--R
         3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
--R
        (e x + 3d e x + 3d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 240
)clear all
--S 241 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)/(d+e*x)^4
--R
--R
--R
               | 2 2 2
--R
--R
              \|b x + 2a b x + a
   (1) -----
--R
        4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
        e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 241
--S 242 of 1618
r0:=-1/2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e*(d+e*x)^3)-_
  1/6*(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^3)
--R
--R
--R
   (2)
--R
                         +----+
```

```
| 2 2 2
--R
--R
    (-3b e x - 2a e - b d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R /
                        4 3
--R
          5 4
                 5
--R
      6b e x + (6a e + 18b d e )x + (18a d e + 18b d e )x
--R
           2 3 3 2 3 2
--R
--R
       (18a d e + 6b d e )x + 6a d e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 242
--S 243 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             - 3b e x - 2a e - b d
--R (3) -----
--R
        5 3 4 2 2 3 3 2
       6e x + 18d e x + 18d e x + 6d e
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 243
--S 244 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
   (4)
--R
--R
                         +-----+
| 2 2 2 2 2
--R
--R.
     (3b e x + 2a e + b d) \setminus |b x + 2a b x + a - 3b e x + (-5a b e - b d) x
--R
--R
--R
      - 2a e - a b d
--R /
                 5
--R
                           4 3
      6b e x + (6a e + 18b d e )x + (18a d e + 18b d e )x
--R
--R
--R
           2 3 3 2
--R
       (18a d e + 6b d e)x + 6a d e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 244
--S 245 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                   1 2 2 2 2 2 2
--R
            (b x + a)\|b x + 2a b x + a - b x - 2a b x - a
--R
--R (5) ------
```

```
--R
        4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
        (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) \ b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 245
)clear all
--S 246 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)/(d+e*x)^5
--R
--R
--R
                    1 2 2 2
--R
                   \|b x + 2a b x + a
--R
--R (1) -----
--R
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
       e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 246
--S 247 of 1618
r0:=-1/3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e*(d+e*x)^4)-_
  1/12*(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^4)
--R
--R
--R
   (2)
--R
                        | 2 2 2
--R
--R
    (-4b e x - 3a e - b d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R /
          6 5 6 5 4 5 2 4 3
--R
--R
      12b e x + (12a e + 48b d e )x + (48a d e + 72b d e )x
--R
                 3 3 2 3 3
                                     4 2 4 2
           2 4
--R
       (72a d e + 48b d e )x + (48a d e + 12b d e )x + 12a d e
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 247
--S 248 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R.
--R.
               - 4b e x - 3a e - b d
--R (3) -----
         64 53 242 33 42
--R
--R
       12e x + 48d e x + 72d e x + 48d e x + 12d e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 248
```

```
--S 249 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                       1 2 2 2 2 2
--R
--R
      (4b e x + 3a e + b d) \setminus |b x + 2a b x + a - 4b e x + (-7a b e - b d) x
--R
--R
         2
--R
       - 3a e - a b d
--R /
          65 6 54 5 243
--R
--R
       12b e x + (12a e + 48b d e )x + (48a d e + 72b d e )x
--R
--R
          2 4 3 3 2 3 3 4 2 4 2
--R
       (72a d e + 48b d e )x + (48a d e + 12b d e )x + 12a d e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 249
--S 250 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
                    | 2 2 2 2 2
--R
--R
            (b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 2a b x - a
--R
--R
    5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R.
   (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) \ b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 250
)clear all
--S 251 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)/(d+e*x)^6
--R
--R
--R
--R
                       1 2 2 2
--R
                       \|b x + 2a b x + a
--R (1) ------
       6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
       e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 251
```

```
--S 252 of 1618
r0:=-1/4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e*(d+e*x)^5)-_
  1/20*(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^5)
--R
--R
--R
    (2)
--R
                           | 2 2 2
--R
      (-5b e x - 4a e - b d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
--R /
--R
           7 6 7 6 5 6 2 5 4
        20b e x + (20a e + 100b d e )x + (100a d e + 200b d e )x
--R
--R
--R
             2 5
                       3 4 3
                                3 4
--R
        (200a d e + 200b d e )x + (200a d e + 100b d e )x
--R
--R
             4 3
                    5 2
                              5 2
        (100a d e + 20b d e)x + 20a d e
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 252
--S 253 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                      - 5b e x - 4a e - b d
--R
--R
          7 5 6 4 2 5 3 3 4 2 4 3 5 2
--R
         20e \ x + 100d \ e \ x + 200d \ e \ x + 200d \ e \ x + 100d \ e \ x + 20d \ e
--R.
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 253
--S 254 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
                           +----+
                           | 2 2 2
                                              2 2
--R
--R
        (5b e x + 4a e + b d) \setminus |b x + 2a b x + a - 5b e x + (- 9a b e - b d) x
--R
--R
           2
--R.
        - 4a e - a b d
--R /
--R
            7 6
                  7 6 5 6 2 5 4
--R
        20b e x + (20a e + 100b d e )x + (100a d e + 200b d e )x
--R
--R
                       3 4 3
                                3 4
        (200a d e + 200b d e )x + (200a d e + 100b d e )x
--R
--R
```

```
4 3 5 2 5 2
--R
--R
                        (100a d e + 20b d e)x + 20a d e
--R
                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 254
--S 255 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
              (5)
--R
                                           1 2 2 2
                                                                                               2 2
--R
                   (b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 2a b x - a
--R
--R /
--R
                           6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
                        (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d)
--R
--R
                        +----+
                        | 2 2 2
--R
--R
                       --R
                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 255
)clear all
--S 256 of 1618
t0:=(d+e*x)^m*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                         2 2 2
                                                                                           m | 2 2
--R
--R (1) (b x + 2a b x + a)(e x + d) \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 256
--S 257 of 1618
r0:=(d+e*x)^{(1+m)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(3/2)}/(e*(4+m))+_
       6*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(2+m)*_1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e^3*x^2)/(e
       (3+m)*(4+m))-6*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
       b^2*x^2/(e^4*(1+m)*(2+m)*(3+m)*(4+m)*(a+b*x))-3*(b*d-a*e)*_
       (a+b*x)*(d+e*x)^(1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(3+m)*(4+m))
--R
--R.
--R
              (2)
--R
                                3 3 3 3 3 3 3 3 3
--R
                            (b e m + 6b e m + 11b e m + 6b e)x
--R
--R
                                                                     2 3 3 2 2 2 3 3 2
                                   3a b e m + (21a b e - 3b d e )m + (42a b e - 9b d e )m
--R
--R
```

```
23 3 2
--R
--R
           24a b e - 6b d e
--R
--R
          2
--R
          x
--R
            2 3 3 2 3 2 2 2
--R
--R
           3a b e m + (24a b e - 6a b d e )m
--R
             2 3 2 2 3 2
                                      2 3
--R
                                               2 2 3 2
--R
          (57a b e - 30a b d e + 6b d e)m + 36a b e - 24a b d e + 6b d e
--R
--R
--R
--R
        3 3 3 3 2 2 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
        a e m + (9a e - 3a b d e )m + (26a e - 21a b d e + 6a b d e)m
--R
--R
         3 3
                2 2 2 2 3 3
--R
        24a e - 36a b d e + 24a b d e - 6b d
--R
--R
                 +----+
          m + 1 | 2 2 2
--R
       (e x + d) \|b x + 2a b x + a
--R
--R /
--R
         4 4 4 3 4 2
                             4
                                     4 44 43
--R
       (b e m + 10b e m + 35b e m + 50b e m + 24b e )x + a e m + 10a e m
--R
--R
          4 2 4
--R
       35a e m + 50a e m + 24a e
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 257
--S 258 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         3 4 3 3 4 2 3 4 3 4 4
--R
--R
        (b e m + 6b e m + 11b e m + 6b e)x
--R
--R
              24 3 3 3
                             2 4
           (3a b e + b d e )m + (21a b e + 3b d e )m
--R
--R.
--R
               2 4 3 3
          (42a b e + 2b d e )m + 24a b e
--R
--R
--R
          3
--R
         X
--R
             --R
```

```
--R
            (3a b e + 3a b d e )m + (24a b e + 15a b d e - 3b d e )m
--R
--R
               2 4 2 3 3 2 2 2 4
--R
            (57a b e + 12a b d e - 3b d e )m + 36a b e
--R
--R
           2
--R
          X
--R
            3 4 2 3 3 3 4 2 3 2 2 2 2
--R
            (a e + 3a b d e )m + (9a e + 21a b d e - 6a b d e )m
--R
--R
              3 4 2 3
                                2 2 2 3 3
--R
            (26a e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d e)m + 24a e
--R
--R
--R
          X
--R
--R
         3 3 3 3 2 2 2 2
--R
        adem + (9ade - 3abde)m
--R
--R
           3 3 2 2 2 2 3 3 3 2 2 2 2 3
--R
        (26a d e - 21a b d e + 6a b d e)m + 24a d e - 36a b d e + 24a b d e
--R
--R
          3 4
--R
        - 6b d
--R
--R
        m \log(e x + d)
--R
--R /
--R
      4 4 4 3 4 2 4 4
--R.
      e m + 10e m + 35e m + 50e m + 24e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 258
--S 259 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
           443 442
--R
                          4 4
                                  445
--R
          (b e m + 6b e m + 11b e m + 6b e)x
--R
--R
                 3 4 4 3 3
                                   34 4 3 2
--R.
              (4abe + bde)m + (27abe + 3bde)m
--R
--R
                  3 4 4 3
--R
              (53a b e + 2b d e)m + 30a b e
--R
--R
--R
           x
--R
```

```
2 2 4 3 3 3 2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
             (6a b e + 4a b d e )m + (45a b e + 18a b d e - 3b d e )m
--R
--R
                2 2 4 3 3 4 2 2
                                         2 2 4
--R
            (99a b e + 14a b d e - 3b d e )m + 60a b e
--R
--R
            3
--R
          x
--R
--R
              3 4 22 3 3
                                  3 4
                                          223
                                                    3 2 2 2
--R
            (4a b e + 6a b d e )m + (33a b e + 36a b d e - 9a b d e )m
--R
               3 4 22 3
                                  3 2 2 4 3
--R
            (83a b e + 48a b d e - 27a b d e + 6b d e)m + 60a b e
--R
--R
--R
            2
--R
           x
--R
--R
              44 3 3 3 44 3 3 22222
--R
            (a e + 4a b d e )m + (9a e + 30a b d e - 9a b d e )m
--R
--R
               4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
             (26a e + 62a b d e - 45a b d e + 12a b d e)m + 24a e
--R
              3 3 2222 33 44
--R
             24a b d e - 36a b d e + 24a b d e - 6b d
--R
--R
--R
           х
--R
--R
          4 3 3 4 3 3 2 2 2
--R
          adem + (9ade - 3abde)m
--R
                                     4 3 3 2 2
--R
            4 3
                    3 2 2 2 2 3
--R
          (26a d e - 21a b d e + 6a b d e)m + 24a d e - 36a b d e
--R
--R
           2 2 3
                    3 4
          24a b d e - 6a b d
--R
--R
--R
          m \log(e x + d)
--R
--R
--R
            3 3 3 3 3 3 3 3 3
--R
          (-bem -6bem -11bem -6be)x
--R
--R
                 2 3 3
                            23 3 2 2
                                             23 3 2
             - 3a b e m + (- 21a b e + 3b d e )m + (- 42a b e + 9b d e )m
--R
--R
--R
                 2 3
                      3 2
             - 24a b e + 6b d e
--R
--R
```

```
--R
          2
--R
          x
--R
              2 3 3 2 2 2
--R
            - 3a b e m + (- 24a b e + 6a b d e )m
--R
--R
               2 3 2 2 3 2 2 3 2 2
--R
--R
            (-57a b e + 30a b d e - 6b d e)m - 36a b e + 24a b d e
--R
--R
              3 2
--R
            - 6b d e
--R
--R
--R
--R
           3 3 3 3 2 2 2
--R
         -aem + (-9ae + 3abde)m
--R
--R
            3 3 2 2 2 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
          (- 26a e + 21a b d e - 6a b d e)m - 24a e + 36a b d e - 24a b d e
--R
--R
          3 3
--R
         6b d
--R
--R
         m + 1 | 2 2 2
--R
        --R
--R /
         4 4 4 4 3 4 2 4 4 4 4 4 3
--R
--R
       (b e m + 10b e m + 35b e m + 50b e m + 24b e) x + a e m + 10a e m
--R.
         4 2 4
--R
--R
       35a e m + 50a e m + 24a e
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 259
--S 260 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5)
--R
          3 3 3 3 3 2 3 3 3 3 3
--R
         (b e m + 9b e m + 26b e m + 24b e )x
--R
--R
            2 3 3 2 2 3
--R
                                    232
--R
         (3a b e m + 27a b e m + 78a b e m + 72a b e )x
--R
          2 3 3 2 3 2 2 3 2 3 3 3 3 3 2
--R
--R
         (3a b e m + 27a b e m + 78a b e m + 72a b e ) x + a e m + 9a e m
--R
--R
          3 3 3 3
```

```
--R
         26a e m + 24a e
--R
--R
         +----+
        --R
--R
        \|b x + 2a b x + a %e
--R
            4 2 2 4 2 4 2 3
--R
--R
         (- 3b e m - 15b e m - 18b e )x
--R
                                         3 2 4 2
             3 2 2 3 2 4
--R
--R
         (- 9a b e m + (- 51a b e + 6b d e)m - 66a b e + 12b d e)x
--R
              2 2 2 2 2 2 3
                                        2 2 2 3
--R
--R
            - 9a b e m + (- 57a b e + 12a b d e)m - 84a b e + 36a b d e
--R
--R
              4 2
           - 6b d
--R
--R
--R
--R
--R
          3 2 2 3 2 2 3 2 2 2 3 2
--R
        - 3a b e m + (- 21a b e + 6a b d e)m - 36a b e + 24a b d e - 6a b d
--R
         m + 1
--R
--R
        (e x + d)
--R
--R
            4 3 3 4 3 2 4 3 4 3 4
--R
         (-bem -6bem -11bem -6be)x
--R
                 3 3 3 4 2 2 3 3 4 2
--R
--R
            - 4a b e m + (- 27a b e + 3b d e )m + (- 53a b e + 9b d e )m
--R
                3 3 4 2
--R
--R
           - 30a b e + 6b d e
--R
--R
--R
          x
--R
              2 2 3 3 2 2 3 3 2 2
--R
--R
            - 6a b e m + (- 45a b e + 9a b d e )m
--R
                2 2 3 3 2
--R
                                4 2 2 2 3 3 2
--R
            (- 99a b e + 39a b d e - 6b d e)m - 60a b e + 30a b d e
--R
--R
              4 2
            - 6b d e
--R
--R
--R
           2
--R
          x
--R
```

```
3 3 3 3 2 2 2 2
--R
             - 4a b e m + (- 33a b e + 9a b d e )m
--R
--R
--R
                 3 3 2 2 2 3 2
                                           3 3 2 2 2
--R
             (-83a b e + 51a b d e - 12a b d e)m - 60a b e + 60a b d e
--R
--R
                  3 2
                        4 3
--R
             - 30a b d e + 6b d
--R
--R
--R
                     4 3 3 2 2
--R
            4 3 3
          -aem + (-9ae + 3abde)m
--R
--R
--R
                    3 2 222
                                       4 3 3 2 2 2 2
--R
          (- 26a e + 21a b d e - 6a b d e)m - 24a e + 36a b d e - 24a b d e
--R
--R
            3 3
--R
          6a b d
--R
--R
--R
         (e x + d)
--R /
--R
--R
       3 3 3 2 3 3 | 2 2 2
      (e m + 9e m + 26e m + 24e) \ b x + 2a b x + a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 260
)clear all
--S 261 of 1618
t0:=(d+e*x)^5*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
   (1)
--R
                5 2 4 6 2 5
--R
       b e x + (2a b e + 5b d e )x + (a e + 10a b d e + 10b d e )x
--R
--R
                   2 3
                          2 3 2 4
                                      2 2 3
                                                 3 2 2 4 3
--R
       (5ade + 20abde + 10bde)x + (10ade + 20abde + 5bde)x
--R
--R.
          2 3 2 4 2 5 2
                                  2 4 5
--R
       (10a d e + 10a b d e + b d )x + (5a d e + 2a b d )x + a d
--R *
--R
      +----+
      | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 261
```

```
--S 262 of 1618
r0:=1/9*(d+e*x)^6*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e+1/84*(b*d-a*e)^2*_
  (d+e*x)^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^3-1/504*(b*d-a*e)^3*_
  (d+e*x)^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))_{-}
  1/24*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^2
--R
--R
     (2)
--R
--R
           3 9 9
                       2 9
                               3 8 8
--R
         56b e x + (189a b e + 315b d e)x
--R
                     2 8 3 2 7 7
--R
--R
         (216a b e + 1080a b d e + 720b d e )x
--R
--R
            3 9
                    2
                          8
                                   2 2 7
                                            3 3 6 6
--R.
         (84a e + 1260a b d e + 2520a b d e + 840b d e )x
--R
--R
             3 8 2 2 7
                                     2 3 6 3 4 5 5
--R
         (504a d e + 3024a b d e + 3024a b d e + 504b d e )x
--R
--R
              3 2 7 2 3 6 2 4 5 3 5 4 4
         (1260a d e + 3780a b d e + 1890a b d e + 126b d e )x
--R
--R
--R
              3 3 6 2 4 5
                                      2 5 4 3
--R
         (1680a d e + 2520a b d e + 504a b d e )x
--R
--R
              3 4 5 2 5 4 2 3 5 4 3 6 3 2 7 2
--R
         (1260a d e + 756a b d e )x + 504a d e x + 84a d e - 36a b d e
--R
--R
             28 39
--R
         9a b d e - b d
--R
--R
        +----+
--R
        | 2 2 2
        --R
--R /
          4
--R
--R
      504b e x + 504a e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 262
--S 263 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
          359 25 3 4 8
      56b e x + (189a b e + 315b d e )x
--R
--R
```

```
2 5 2 4 3 2 3 7
--R
--R
       (216a b e + 1080a b d e + 720b d e )x
--R
                2
--R
                                2 2 3 3 3 2 6
           3 5
                       4
--R
       (84a e + 1260a b d e + 2520a b d e + 840b d e )x
--R
          3 4 2 2 3 2 3 2 3 4 5
--R
--R
       (504a d e + 3024a b d e + 3024a b d e + 504b d e)x
--R
--R
           3 2 3 2 3 2
                                   2 4
--R
       (1260a d e + 3780a b d e + 1890a b d e + 126b d )x
--R
            3 3 2 2 4
                                 253 34
--R
--R
       (1680a d e + 2520a b d e + 504a b d )x + (1260a d e + 756a b d )x
--R
--R
         3 5
--R
       504a d x
--R /
--R
      504
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 263
--S 264 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
             3 9 9 2 9 3 8 8
--R
           -56b e x + (-189a b e -315b d e)x
--R.
--R
                           2 8
                                   3 2 7 7
          (- 216a b e - 1080a b d e - 720b d e )x
--R
--R
              3 9 2 8 2 2 7 3 3 6 6
--R
--R
          (-84a e - 1260a b d e - 2520a b d e - 840b d e )x
--R
--R
               3 8 2 2 7
                                      2 3 6
                                               3 4 5 5
          (-504a d e - 3024a b d e - 3024a b d e - 504b d e )x
--R
--R
--R
                 3 2 7
                        2 36
                                       2 4 5
--R
          (- 1260a d e - 3780a b d e - 1890a b d e - 126b d e )x
--R
--R
                3 3 6 2 4 5 2 5 4 3
--R
          (- 1680a d e - 2520a b d e - 504a b d e )x
--R
--R
                 3 4 5
                        2 54 2
                                      3 5 4 3 6 3 2 7 2
--R
          (-1260a d e - 756a b d e )x - 504a d e x - 84a d e + 36a b d e
--R
--R
              28 39
--R
          - 9a b d e + b d
```

```
--R
--R
--R
         | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
         4 9 10 3 9
                          4 8 9
--R
--R
       56b e x + (245a b e + 315b d e)x
--R
          2 2 9 3 8 4 2 7 8
--R
       (405a b e + 1395a b d e + 720b d e )x
--R
--R
--R
          3 9
                  2 2 8
                                 3 2 7
                                          4 3 6 7
--R
       (300a b e + 2340a b d e + 3240a b d e + 840b d e)x
--R
--R
              3 8 2227
          4 9
                                       3 3 6 4 4 5 6
--R
       (84a \ e \ + 1764a \ b \ d \ e \ + 5544a \ b \ d \ e \ + 3864a \ b \ d \ e \ + 504b \ d \ e \ )x
--R
--R
          4 8 3 2 7 2 2 3 6 3 4 5
                                                     4545
--R
       (504a d e + 4284a b d e + 6804a b d e + 2394a b d e + 126b d e)x
--R
--R
           4 2 7 3 3 6
                                2 2 4 5
--R
       (1260a d e + 5460a b d e + 4410a b d e + 630a b d e )x
--R
--R
            4 3 6 3 4 5 2 2 5 4 3
--R
       (1680a d e + 3780a b d e + 1260a b d e )x
--R
--R
            4 4 5 3 5 4 2 4 5 4
--R
       (1260a d e + 1260a b d e)x + 504a d e x
--R /
         4 4
--R
      504b e x + 504a e
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 264
--S 265 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
           358 25 3 47 25 24 3236
--R
          bex + (3a be + 5b de)x + (3a be + 15a b de + 10b de)x
--R
--R
--R
                 2 4 223 3325
           3 5
--R
          (a e + 15a b d e + 30a b d e + 10b d e )x
--R
--R
            3 4 2 2 3
                               2 3 2
                                       3 4 4
--R
          (5a d e + 30a b d e + 30a b d e + 5b d e)x
--R
             3 2 3 2 2 4 3 5 3
--R
--R
           (10a d e + 30a b d e + 15a b d e + b d )x
```

```
--R
           3 3 2 2 4 2 5 2 3 4 2 5 3 5
--R
--R
         (10a d e + 15a b d e + 3a b d )x + (5a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
        | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
        459 35 4 4 8
--R
--R
      - b e x + (- 4a b e - 5b d e )x
--R
         2 2 5
                 3 4
--R
                          4237
      (- 6a b e - 20a b d e - 10b d e )x
--R
--R
--R
         3 5 2 2 4 3 2 3 4 3 2 6
--R
      (- 4a b e - 30a b d e - 40a b d e - 10b d e )x
--R
--R
         4 5
               3 4 2223 332 445
--R
      (-ae - 20abde - 60abde - 40abde - 5bde)x
--R
--R
         4 4 3 23 2232
                                   3 4 4 5 4
--R
      (-5ade - 40abde - 60abde - 20abde - bd)x
--R
           4 2 3 3 3 2 2 2 4 3 5 3
--R
--R
      (- 10a d e - 40a b d e - 30a b d e - 4a b d )x
--R
                                           3 5 4 5
--R
                3 4 2 2 5 2 4 4
--R
       (-10ade - 20abde - 6abd)x + (-5ade - 4abd)x - ad
--R /
--R
      +----+
      | 2 2
--R
--R
     --R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 265
)clear all
--S 266 of 1618
t0:=(d+e*x)^4*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
   (1)
--R.
       2 4 6
              4 2 3 5 2 4
                                     3 2224
--R.
       b e x + (2a b e + 4b d e )x + (a e + 8a b d e + 6b d e )x
--R
--R
                  2 2 2 3 3 2 2 2 3 2 4 2
--R
       (4a d e + 12a b d e + 4b d e)x + (6a d e + 8a b d e + b d)x
--R
              4 2 4
--R
        2 3
--R
       (4a d e + 2a b d)x + a d
```

```
--R *
      +----+
--R
      | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 266
--S 267 of 1618
r0:=1/8*(d+e*x)^5*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e+1/56*(b*d-a*e)^2*_
  (d+e*x)^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^3-1/280*(b*d-a*e)^3*_
  (d+e*x)^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))_{-}
  3/56*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^2
--R
--R
--R
    (2)
--R
           3 8 8
                      2 8
                              3 7 7
--R.
         35b e x + (120a b e + 160b d e)x
--R
--R
            2 8 2 7 3 2 6 6
--R
         (140a b e + 560a b d e + 280b d e)x
--R
--R
            38 2 7 226 3355
--R
         (56a e + 672a b d e + 1008a b d e + 224b d e )x
--R
--R
            3 7 2 2 6 2 3 5 3 4 4 4
--R
         (280a d e + 1260a b d e + 840a b d e + 70b d e )x
--R
--R
             3 2 6 2 3 5 2 4 4 3
--R
         (560a d e + 1120a b d e + 280a b d e)x
--R
             3 3 5 2 4 4 2 3 4 4
--R
                                            353 2 62
--R
         (560a d e + 420a b d e)x + 280a d e x + 56a d e - 28a b d e
--R
--R
           27 38
--R
        8a b d e - b d
--R
--R
        +----+
        | 2 2 2
--R
--R
       --R /
--R
          4
      280b e x + 280a e
--R
--R.
                                            Type: Expression(Integer)
--E 267
--S 268 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
3 4 8 2 4 3 3 7
--R
--R
       35b e x + (120a b e + 160b d e)x
--R
--R
          2 4 2 3 3 2 2 6
--R
       (140a b e + 560a b d e + 280b d e )x
--R
         3 4 2 3 2 2 2 3 3 5
--R
--R
       (56a e + 672a b d e + 1008a b d e + 224b d e)x
--R
          3 3 2 2 2
--R
                                2 3
                                        3 4 4
--R
       (280a d e + 1260a b d e + 840a b d e + 70b d )x
--R
          3 2 2 2 3 2 4 3 3 3 2 4 2
--R
       (560a d e + 1120a b d e + 280a b d )x + (560a d e + 420a b d )x
--R
--R
--R
         3 4
--R
       280a d x
--R /
--R
      280
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 268
--S 269 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
             388 28 3 7 7
--R
--R
          -35b e x + (-120a b e - 160b d e)x
--R
               2 8
--R
                         2 7 3 2 6 6
--R
          (- 140a b e - 560a b d e - 280b d e )x
--R
              38 2 7 226 3355
--R
--R
          (- 56a e - 672a b d e - 1008a b d e - 224b d e )x
--R
--R
                       2 2 6 2 3 5 3 4 4 4
--R
          (- 280a d e - 1260a b d e - 840a b d e - 70b d e )x
--R
--R
               3 2 6
                       2 3 5
                                     2 4 4 3
--R
          (- 560a d e - 1120a b d e - 280a b d e )x
--R
--R
               3 3 5 2 4 4 2 3 4 4 3 5 3 2 6 2
--R
          (- 560a d e - 420a b d e )x - 280a d e x - 56a d e + 28a b d e
--R
--R
               2 7
                    3 8
--R
          - 8a b d e + b d
--R
--R
--R
          | 2 2
```

```
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
--R
       489 38 478
--R
       35b e x + (155a b e + 160b d e)x
--R
         2 2 8 3 7
--R
                          4 2 6 7
--R
      (260a b e + 720a b d e + 280b d e )x
--R
         3 8 2 2 7 3 2 6 4 3 5 6
--R
--R
      (196a b e + 1232a b d e + 1288a b d e + 224b d e )x
--R
--R
               3 7
                                      3 3 5 4 4 4 5
                          2 2 2 6
      (56a e + 952a b d e + 2268a b d e + 1064a b d e + 70b d e )x
--R
--R
--R
         4 7 3 2 6 2 2 3 5 3 4 4 4
--R
      (280a d e + 1820a b d e + 1960a b d e + 350a b d e )x
--R
--R
         4 2 6 3 3 5 2 2 4 4 3 4 3 5
                                                3 44 2
--R
      (560a d e + 1680a b d e + 700a b d e )x + (560a d e + 700a b d e )x
--R
--R
        4 4 4
--R
       280a d e x
--R /
--R
      4 4
--R
     280b e x + 280a e
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 269
--S 270 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
         3 4 7 2 4 3 3 6 2 4 2 3 3 2 2 5
--R
--R
        bex + (3abe + 4bde)x + (3abe + 12abde + 6bde)x
--R
--R
                2 3
                           2 2 2 3 3 4
--R
         (a e + 12a b d e + 18a b d e + 4b d e)x
--R
--R
                  2 2 2
                            2 3 3 4 3
--R
         (4a d e + 18a b d e + 12a b d e + b d )x
--R
--R.
          3 2 2 2 3 2 4 2 3 3 2 4
--R
         (6a d e + 12a b d e + 3a b d )x + (4a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
        +----+
        | 2 2 2
--R
--R
        --R
         --R
```

```
--R
                     -bex + (-4abe -4bde)x + (-6abe -16abde -6bde)x
--R
--R
                                3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 5
--R
                      (-4abe -24abde -24abde -4bde)x
--R
--R
                             4 4
                                              3 3
                                                                           2 2 2 2
                                                                                                           3 3 4 4 4
--R
                    (-ae - 16abde - 36abde - 16abde - bd)x
--R
                              4 3 3 2 2
--R
                                                                                 2 2 3
                                                                                                               3 4 3
--R
                    (-4ade -24abde -24abde -4abd)x
--R
                                                     3 3
                                                                             2 2 4 2
--R
                              4 2 2
                                                                                                                 4 3
                                                                                                                                     3 4
                     (- 6a d e - 16a b d e - 6a b d )x + (- 4a d e - 4a b d )x - a d
--R
--R /
                   +----+
--R
--R
                   | 2 2
--R
                 --R
                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 270
)clear all
--S 271 of 1618
t0:=(d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
             (1)
                      2 3 5 3 2 2 4 2 3
                                                                                                              2 22 3
--R
--R
                     b e x + (2a b e + 3b d e)x + (a e + 6a b d e + 3b d e)x
--R
                            2 2 2
                                                                                               2 2
--R
                                                                     232
--R
                     (3a d e + 6a b d e + b d)x + (3a d e + 2a b d)x + a d
--R *
--R
                   +----+
--R
                   | 2 2 2
--R
                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 271
--S 272 of 1618
r0:=1/7*(d+e*x)^4*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e+1/35*(b*d-a*e)^2*_1
       (d+e*x)^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^3-1/140*(b*d-a*e)^3*_
       (d+e*x)^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))_{-}
      1/14*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^2
--R
--R
--R (2)
--R
                              377 27 3 6 6
                        20b e x + (70a b e + 70b d e )x
--R
--R
```

```
2 7 2 6 3 2 5 5
--R
--R
         (84a b e + 252a b d e + 84b d e )x
--R
            3 7 2
--R
                               2 2 5 3 3 4 4
                       6
--R
        (35a e + 315a b d e + 315a b d e + 35b d e )x
--R
            3 6 2 2 5 2 3 4 3 3 2 5 2 3 4 2
--R
--R
        (140a d e + 420a b d e + 140a b d e )x + (210a d e + 210a b d e )x
--R
                   3 4 3
                            2 5 2 2 6 3 7
--R
           3 3 4
--R
        140a d e x + 35a d e - 21a b d e + 7a b d e - b d
--R
--R
        | 2 2 2
--R
       --R
--R /
--R
         4
      140b e x + 140a e
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 272
--S 273 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         3 3 7 2 3 3 2 6 2 3 2 2 3 2 5
--R
--R
       20b e x + (70a b e + 70b d e )x + (84a b e + 252a b d e + 84b d e)x
--R
--R
         3 3 2 2 2 2 3 3 4
--R
      (35a e + 315a b d e + 315a b d e + 35b d )x
--R
                               2 3 3 3 2
--R
                  2 2
--R
      (140a d e + 420a b d e + 140a b d )x + (210a d e + 210a b d )x
--R
--R
         3 3
--R
      140a d x
--R /
--R
      140
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 273
--S 274 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
             377 27 3 6 6
          - 20b e x + (- 70a b e - 70b d e )x
--R
--R
```

```
2 7 2 6 3 2 5 5
--R
--R
          (- 84a b e - 252a b d e - 84b d e )x
--R
               3 7 2 6
                                 2 2 5 3 3 4 4
--R
--R
          (- 35a e - 315a b d e - 315a b d e - 35b d e )x
--R
               3 6 2 2 5 2 3 4 3
--R
--R
          (- 140a d e - 420a b d e - 140a b d e )x
--R
               3 2 5 2 3 4 2
--R
                                    3 3 4
                                             3 4 3 2 5 2
--R
          (- 210a d e - 210a b d e )x - 140a d e x - 35a d e + 21a b d e
--R
              2 6
--R
                   3 7
--R
          - 7a b d e + b d
--R
--R
         +----+
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
         478 37 4 6 7
--R
--R
       20b e x + (90a b e + 70b d e)x
--R
          2 2 7 3 6 4 2 5 6
--R
       (154a b e + 322a b d e + 84b d e )x
--R
--R
          3 7 2 2 6 3 2 5 4 3 4 5
--R
--R
       (119a b e + 567a b d e + 399a b d e + 35b d e )x
--R
          47 3 6 2225 3344
--R
--R.
       (35a e + 455a b d e + 735a b d e + 175a b d e )x
--R
          4 6 3 2 5 2 2 3 4 3 4 2 5 3 3 4 2
--R
--R
       (140a d e + 630a b d e + 350a b d e )x + (210a d e + 350a b d e )x
--R
--R
         4 3 4
--R
      140a d e x
--R /
         4
--R
--R
      140b e x + 140a e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 274
--S 275 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
          3 3 6 2 3 3 2 5 2 3 2 2 3 2 4
--R
--R
         b e x + (3a b e + 3b d e )x + (3a b e + 9a b d e + 3b d e)x
--R
```

```
--R
           3 3 2 2 2 2 3 3 3
--R
          (a e + 9a b d e + 9a b d e + b d )x
--R
--R
             3 2 2 2
                             2 3 2 3 2 2 3 3 3
--R
          (3a d e + 9a b d e + 3a b d )x + (3a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
         437 33 4 2 6 2 2 3 3 2 4 2 5
      - b e x + (- 4a b e - 3b d e )x + (- 6a b e - 12a b d e - 3b d e)x
--R
--R
                  2 2 2
--R
                              3 2
                                    434
       (- 4a b e - 18a b d e - 12a b d e - b d )x
--R
--R
--R
                3 2
                          2 2 2
                                   3 3 3
          4 3
--R
       (-ae - 12abde - 18abde - 4abd)x
--R
--R
          4 2 3 2
                           2 2 3 2 4 2 3 3 4 3
--R
        (- 3a d e - 12a b d e - 6a b d )x + (- 3a d e - 4a b d )x - a d
--R /
--R
--R
      | 2 2 2
      \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 275
)clear all
--S 276 of 1618
t0:=(d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
    (1)
        2 2 4 2 2 3 2 2
--R
--R
      b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d )x
--R
                   2
--R
--R
       (2a d e + 2a b d)x + a d
--R *
--R
      +----+
--R
      1 2 2
--R
      --R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 276
--S 277 of 1618
r0:=1/12*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/b^3+_
  1/6*(a+b*x)*(d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/b+1/15*e*_
```

```
(b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b^3
--R
--R
--R
   (2)
          5 2 5 4 2 5 4 2 3 2 4 5 2 3
--R
--R
         10b e x + (26a b e + 24b d e)x + (19a b e + 66a b d e + 15b d )x
--R
--R
                  2 3
                             4 2 2
                                       4 2 3 2
         (a b e + 54a b d e + 45a b d ) x + (- a b e + 6a b d e + 45a b d ) x
--R
--R
--R
         5 2 4
                        3 2 2
--R
        a e - 6a b d e + 15a b d
--R
        +----+
--R
--R
        1 2 2 2
--R
       \| b x + 2a b x + a
--R /
--R
        3
--R
      60b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 277
--S 278 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
         3 2 6 2 2 3 5 2 2 2 3 2 4
--R
      10b e x + (36a b e + 24b d e)x + (45a b e + 90a b d e + 15b d )x
--R
--R
          3 2
                2
                             2 2 3
                                      3
                                              2 2 2 3 2
--R
      (20a e + 120a b d e + 60a b d )x + (60a d e + 90a b d )x + 60a d x
--R /
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 278
--S 279 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R.
             5 2 5 4 2
                                5 4
          - 10b e x + (-26a b e - 24b d e)x
--R
--R
--R
               2 3 2
                        4
                                523
--R
          (- 19a b e - 66a b d e - 15b d )x
--R
             3 2 2 2 3 4 2 2 4 2 3 2 2 3 2
--R
--R
           (- a b e - 54a b d e - 45a b d )x + (a b e - 6a b d e - 45a b d )x
```

```
--R
                                 5 2 4 3 2 2
--R
--R
                              -ae +6abde-15abd
--R
--R
                           +----+
                           | 2 2 2
--R
--R
                        \|b x + 2a b x + a
--R
                          6 2 6 5 2 6 5 2 4 2 5 6 2 4
--R
                  10b e x + (36a b e + 24b d e)x + (45a b e + 90a b d e + 15b d )x
--R
--R
                        3 3 2 2 4
                                                                     5 2 3
                                                                                                            3 3
                                                                                                                                         2 4 2 2 3 3 2
--R
                  (20a b e + 120a b d e + 60a b d)x + (60a b d e + 90a b d)x + 60a b d x
--R
--R /
--R
--R
                  60b
--R
                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 279
--S 280 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
                               3 2 5 2 2 3 4 2 2 2 3 2 3
--R
                              b e x + (3a b e + 2b d e)x + (3a b e + 6a b d e + b d )x
--R
--R
                                3 2 2 2 2 3 2 2 3 2
--R
--R
                              (a e + 6a b d e + 3a b d )x + (2a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
                            +----+
                           | 2 2 2
--R
--R
                          \|b x + 2a b x + a
--R
                           4 2 6 3 2 4 5
--R
                                                                                                             2 2 2
                                                                                                                                        3
                    - b e x + (- 4a b e - 2b d e)x + (- 6a b e - 8a b d e - b d )x
--R
--R
                                                     2 2
                                                                                 3 2 3
                                                                                                               4 2
--R
                              3 2
                                                                                                                                   3
--R
                     (-4abe - 12abde - 4abd)x + (-ae - 8abde - 6abd)x
--R
                                                 3 2
--R
                              4
--R
                     (- 2a d e - 4a b d )x - a d
--R /
--R
                    +----+
                    | 2 2 2
--R
--R
                 \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 280
```

)clear all

```
--S 281 of 1618
t0:=(d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
                2 2 2
                                              2 | 2 2 2
--R
    (b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 281
--S 282 of 1618
r0:=1/4*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/b^2+_
  1/5*e*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b^2
--R
--R
--R
    (2)
--R
           4 4 3 4 3 2 2 3 2
          4b e x + (11a b e + 5b d)x + (9a b e + 15a b d)x
--R
--R
--R
               2 2 4 3
--R
          (a b e + 15a b d)x - a e + 5a b d
--R
        +----+
--R
        | 2 2 2
--R
--R
        --R /
--R
--R
      20b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 282
--S 283 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                  2
                          3 4
                                    2
--R
        4b e x + (15a b e + 5b d)x + (20a b e + 20a b d)x
--R
--R
                 2
                      2
          3
--R
       (10a e + 30a b d)x + 20a d x
--R /
--R
      20
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 283
--S 284 of 1618
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4)
           4 4 3 4 3 2 2 3 2
--R
         - 4b e x + (- 11a b e - 5b d)x + (- 9a b e - 15a b d)x
--R
--R
           3 22 4 3
--R
--R
         (- a b e - 15a b d)x + a e - 5a b d
--R
--R
--R
         | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
              4 5 4 2 3 4 3
--R
--R
       4b e x + (15a b e + 5b d)x + (20a b e + 20a b d)x
--R
--R
        3 2 2 3 2 3 2
--R
      (10a b e + 30a b d)x + 20a b d x
--R /
--R
--R
     20b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 284
--S 285 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5)
          3 4 2 3 3 2 2 2 3 2
--R
          b e x + (3a b e + b d)x + (3a b e + 3a b d)x + (a e + 3a b d)x
--R
--R
--R
           3
--R
          a d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
        4 5 3
--R
                       4 4
                                2 2 3 3
      -bex + (-4abe-bd)x + (-6abe-4abd)x
--R
--R
--R.
         3 222 4
                              3
      (-4abe-6abd)x + (-ae-4abd)x - ad
--R
--R /
      +----+
--R
      | 2 2 2
--R
--R
     --R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 285
```

```
)clear all
--S 286 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
         2 2
                    2 | 2 2 2
--R
--R (1) (b x + 2a b x + a)\|b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 286
--S 287 of 1618
r0:=1/4*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/b
--R
--R
--R
                                +----+
        3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R (2) -----
--R
                           4b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 287
--S 288 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        3 4 2 3 2 2 3
--R
        b x + 4a b x + 6a b x + 4a x
--R (3) -----
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 288
--S 289 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
         3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
       (-b x - 3a b x - 3a b x - a) \ b x + 2a b x + a + b x + 4a b x
--R
--R
        2 2 2 3
--R
      6abx + 4abx
--R /
--R
      4b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 289
--S 290 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
            (5)
--R
                         3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
--R
                       (b x + 3a b x + 3a b x + a )\|b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
--R
                                 2 2 2 3 4
                        - 6a b x - 4a b x - a
--R
--R /
                     +----+
--R
--R
                     | 2 2
--R
                   --R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 290
)clear all
--S 291 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)
--R
--R
--R
                                                                   2 | 2 2 2
                             2 2
--R
--R
                         (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
            (1) -----
--R
                                                                   e x + d
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 291
--S 292 of 1618
r0:=1/3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e+(b*d-a*e)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+_2)^2+(b*d-a*e)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+_2)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d-a*e)^2+(b*d
       b^2*x^2)/e^3-1/2*(b*d-a*e)*(a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^2-_
       (b*d-a*e)^3*log(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))
--R
--R
--R
              (2)
--R
                                  3 3 2 2 2 2 2
                                                                                                                 3 3
                                                                                                                                                                       3 3 3
--R
                             (6a e - 18a b d e + 18a b d e - 6b d) log(e x + d) + 2b e x
--R
--R
                                         2 3
                                                      3 2 2 2 3 2 3 3
                             (9a b e - 3b d e )x + (18a b e - 18a b d e + 6b d e)x + 11a e
--R
--R
--R
                                     2 2 2 2
                        - 15abde + 6abde
--R
--R
```

```
--R
--R
        | 2 2 2
--R
       \| b x + 2a b x + a
--R /
       4 4
--R
--R
      6b e x + 6a e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 292
--S 293 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
         3 3 2 2 2 2 2
                                  3 3
--R
       (6a e - 18a b d e + 18a b d e - 6b d )log(e x + d) + 2b e x
--R
--R
          23 3 2 2 2 3 2 2 3 2
       (9a b e - 3b d e )x + (18a b e - 18a b d e + 6b d e)x
--R
--R /
--R
--R
      6e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 293
--S 294 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
              3 3 2 2 2 2 3 3
--R
--R
          (- 6a e + 18a b d e - 18a b d e + 6b d )log(e x + d) - 2b e x
--R
               23 3 2 2 2 3 2 2 3 2
--R
--R
          (- 9a b e + 3b d e )x + (- 18a b e + 18a b d e - 6b d e)x
--R
              3 3 2 2
--R
                               2 2
--R
          - 11a e + 15a b d e - 6a b d e
--R
--R
          +----+
          | 2 2 2
--R
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
            3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3 2
--R
          (6a b e - 18a b d e + 18a b d e - 6b d )x + 6a e - 18a b d e
--R
            2 2 2 3 3
--R
--R
          18a b d e - 6a b d
--R
--R
         log(e x + d)
```

```
--R
        4 3 4 3 3 4 2 3 2 2 3 3 2 4 2 2
--R
--R
        2b e x + (11a b e - 3b d e)x + (27a b e - 21a b d e + 6b d e)x
--R
--R
          3 3 2 2 2 3 2
--R
        (18a b e - 18a b d e + 6a b d e)x
--R /
--R
      6b e x + 6a e
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 294
--S 295 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
     (5)
--R
         3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
--R
        (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
--R
          2 2 2 3 4
--R
        - 6a b x - 4a b x - a
--R /
               +----+
--R
               | 2 2 2
--R
--R
       (e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 295
)clear all
--S 296 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^2
--R
--R
--R
          2 2
                       2 | 2 2 2
--R
--R
         (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
     (1) -----
--R
                    2 2
--R
                   e x + 2d e x + d
--R.
                                               Type: Expression(Integer)
--E 296
--S 297 of 1618
r0:=-(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x))-3*b*(b*d-a*e)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^3+3/2*b*(a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2)/e^2+3*b*(b*d-a*e)^2*log(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))
```

```
--R
--R
--R (2)
            2 3 2 2 3 2 2 2 2 3 3
--R
--R
         ((6a b e - 12a b d e + 6b d e)x + 6a b d e - 12a b d e + 6b d)
--R
--R
         log(e x + d)
--R
        3 3 3 2 3 3 2 2 2 3 2 2 3 2
--R
       b e x + (6a b e - 3b d e )x + (3a b e + 6a b d e - 6b d e)x
--R
--R
          3 3 2 2
                        2 2
--R
       - 2a e + 9a b d e - 6a b d e
--R
--R
--R
       +----+
--R
       | 2 2 2
--R
      \|b x + 2a b x + a
--R /
--R
       5 2 5 4
     2b e x + (2a e + 2b d e)x + 2a d e
--R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 297
--S 298 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           --R
--R
        ((6a b e - 12a b d e + 6b d e)x + 6a b d e - 12a b d e + 6b d)
--R
--R
        log(e x + d)
--R
      3 3 3 2 2 2 2 3 2 3 3
--R
--R
     b e x + (6a b e - 3b d e )x + (6a b d e - 4b d e)x - 2a e
--R
       2 2 22 33
--R
--R
      6a b d e - 6a b d e + 2b d
--R /
      5 4
--R
     2e x + 2d e
--R
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 298
--S 299 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                 --R
```

```
--R
              (- 6a b e + 12a b d e - 6b d e)x - 6a b d e + 12a b d e
--R
--R
                3 3
--R
               - 6b d
--R
--R
            log(e x + d)
--R
                     23 3 2 2
--R
          -bex + (-6abe + 3bde)x
--R
--R
             2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
--R
          (- 3a b e - 6a b d e + 6b d e)x + 2a e - 9a b d e + 6a b d e
--R
--R
--R
         1 2 2 2
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
           2 2 3 3 2
                             4 2 2
--R
          (6a b e - 12a b d e + 6b d e)x
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 2 4 3 3 2 2 2 2
          (6a b e - 6a b d e - 6a b d e + 6b d )x + 6a b d e - 12a b d e
--R
--R
--R
          3 3
--R
          6a b d
--R
--R
         log(e x + d)
--R
       4 3 4 3 3 4 2 3 2 2 3 3 2 4 2 2
--R
--R
      bex + (7a be - 3b de)x + (6a be + 3a b de - 4b de)x
--R
          3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3 2
--R
--R
       (- 2a b e + 12a b d e - 10a b d e + 2b d )x - 2a e + 6a b d e
--R
--R
         2 2 2
                  3 3
      - 6a b d e + 2a b d
--R
--R /
       5 2 5
--R
                        4
--R
      2b e x + (2a e + 2b d e)x + 2a d e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 299
--S 300 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
```

```
--R
        2 2 2 3 4
--R
--R
       - 6a b x - 4a b x - a
--R /
--R
                     +----+
      2 2
                   2 | 2 2 2
--R
--R
      (e x + 2d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 300
)clear all
--S 301 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^3
--R
--R
--R
                     2 | 2 2 2
--R
         2 2
--R
       (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R (1) -----
            3 3 2 2 2 3
--R
--R
             e x + 3d e x + 3d e x + d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 301
--S 302 of 1618
r0:=-1/2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^2)+3*b^2*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^3-3/2*b*(a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*_
  x+b^2*x^2/(e^2*(d+e*x))-3*b^2*(b*d-a*e)*log(d+e*x)*sqrt(a^2+_
  2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))
--R
--R
--R (2)
               23 3 2 2 2 3 2 2 3 3
--R
--R
          ((6a b e - 6b d e)x + (12a b d e - 12b d e)x + 6a b d e - 6b d)
--R
--R
          log(e x + d)
--R
                     23 3 2 2
                                       2 3
--R
          3 3 3
        2b e x + (- 3a b e + 9b d e )x + (- 6a b e + 6a b d e + 6b d e)x
--R
--R
          3 3
               2 2
--R
                          2 2
--R
        -ae -3abde +6abde
--R
--R
       +----+
       | 2 2 2
--R
--R
       --R /
       6 3 6 5 2 5 2 4 2 4
--R
--R
      2b e x + (2a e + 4b d e)x + (4a d e + 2b d e)x + 2a d e
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 302
--S 303 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
             2 3 3 2 2 2 2 3 2 2 2 3 3
--R
         ((6a b e - 6b d e)x + (12a b d e - 12b d e)x + 6a b d e - 6b d)
--R
--R
--R
         log(e x + d)
--R
        3 3 3 3 2 2
                           2 3 2 2
--R
                                             3 2
--R
       2b \ e \ x + 4b \ d \ e \ x + (-6a \ b \ e + 12a \ b \ d \ e - 4b \ d \ e)x - a \ e
--R
--R
         2
              2 2 2
                           3 3
--R
       - 3a b d e + 9a b d e - 5b d
--R /
--R
      6 2 5 2 4
--R
      2e x + 4d e x + 2d e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 303
--S 304 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                   23 3 2 2 2 3 2 2 2
--R
              (- 6a b e + 6b d e )x + (- 12a b d e + 12b d e)x - 6a b d e
--R
--R
              3 3
--R
             6b d
--R
--R
            log(e x + d)
--R
             3 3 3 2 2 2 3 2 2 3 2
--R
          -2b e x + (3a b e - 9b d e)x + (6a b e - 6a b d e - 6b d e)x
--R
--R
           3 3 2
                     2
--R
          ae + 3abde - 6abde
--R
--R
--R
         +----+
--R
          | 2 2
--R
         --R
--R
             3 3 4 2 3 2 2 3 3 2 4 2 2
          (6a b e - 6b d e )x + (6a b e + 6a b d e - 12b d e)x
--R
--R
```

```
--R
--R
          (12a b d e - 6a b d e - 6b d )x + 6a b d e - 6a b d
--R
--R
        log(e x + d)
--R
               3 3 4 2 3 2 2 3 3 2 4 2 2
--R
        4 3 4
--R
      2b e x + (2a b e + 4b d e )x + (- 6a b e + 16a b d e - 4b d e)x
--R
         3 3 2 2 2 3 2
                                  43 43 3 2 222
--R
--R
      (-7abe + 9abde + 5abde - 5bd)x - ae - 3abde + 9abde
--R
--R
          3 3
--R
       - 5a b d
--R /
       6 3 6 5 2
--R
                                 5
                                      2 4 2 4
--R
     2b e x + (2a e + 4b d e)x + (4a d e + 2b d e)x + 2a d e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 304
--S 305 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       +-----+
3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
--R
         2 2 2 3 4
--R
       - 6a b x - 4a b x - a
--R /
--R
                            +----+
      3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
     (e x + 3d e x + 3d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 305
)clear all
--S 306 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^4
--R
--R
--R
                    2 | 2 2 2
--R
        2 2
--R
      (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R (1) -----
         4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
         e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
```

```
--E 306
--S 307 of 1618
r0:=-1/3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^3)-1/2*b*(a+b*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(d+e*x)^2)+b^2*(b*d-a*e)*_
  \sqrt{(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x)*(d+e*x))+b^3*\log(d+e*x)*}
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
           3 3 3 3 2 2 3 2
                                        3 3
                                                          3 3 3
--R
         (6b e x + 18b d e x + 18b d e x + 6b d) \log(e x + d) - 5b e x
--R
                                 2 3
--R
                      3 2 2
                                              2 2
         (- 18a b e + 3b d e )x + (- 9a b e - 18a b d e + 12b d e)x - 2a e
--R
--R
--R
            2 2 2 2
                               3 3
--R
         - 3a b d e - 6a b d e + 6b d
--R
--R
        +----+
--R
        | 2 2 2
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R /
--R
          7 4 7 6 3 6 2 5 2
--R
        6b e x + (6a e + 18b d e)x + (18a d e + 18b d e)x
--R
--R
            2 5 3 4 3 4
--R
        (18a d e + 6b d e)x + 6a d e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 307
--S 308 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
          3 3 3 3 2 2 3 2
                                      3 3
--R
        (6b e x + 18b d e x + 18b d e x + 6b d) \log(e x + d)
--R
--R
              2 3 3 2 2
                                  2 3
                                             2 2
                                                      3 2
        (- 18a b e + 18b d e )x + (- 9a b e - 18a b d e + 27b d e)x - 2a e
--R
--R
--R.
           2
               2
                      2 2 3 3
--R
        - 3a b d e - 6a b d e + 11b d
--R /
                       2 5
--R
       7 3 6 2
--R
      6e x + 18d e x + 18d e x + 6d e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 308
```

```
--S 309 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
             3 3 3 3 2 2
                              3 2 3 3
--R
--R
         (-6b e x - 18b d e x - 18b d e x - 6b d) \log(e x + d) + 5b e x
--R
              23 3 2 2 2 3 2 2 3 3
--R
         (18a b e - 3b d e )x + (9a b e + 18a b d e - 12b d e)x + 2a e
--R
--R
           2 2
                    2 2
                           3 3
--R
          3a b d e + 6a b d e - 6b d
--R
--R
--R
         +----+
--R
         1 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
          4 3 4 3 3 4 2 3 3 2 4 2 2
         6b e x + (6a b e + 18b d e )x + (18a b d e + 18b d e)x
--R
--R
--R
              3 2 4 3 3 3
          (18a b d e + 6b d )x + 6a b d
--R
--R
--R
        log(e x + d)
--R
            3 3 4 2 3 2 2 3 4 2 2
--R
--R
      (- 18a b e + 18b d e )x + (- 27a b e + 27b d e)x
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3 2
--R
      (- 11a b e - 21a b d e + 21a b d e + 11b d )x - 2a e - 3a b d e
--R
--R
          2 2 2
                   3 3
--R
      - 6a b d e + 11a b d
--R /
         7 4 7
                         6 3 6
--R
                                           252
--R
      6b e x + (6a e + 18b d e )x + (18a d e + 18b d e )x
--R
          25 34 34
--R
--R
       (18a d e + 6b d e)x + 6a d e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 309
--S 310 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
    3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
```

```
--R
      (b x + 3a b x + 3a b x + a )\|b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
--R
         2 2 2 3 4
--R
       - 6a b x - 4a b x - a
--R /
--R
      4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
      (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) \ b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 310
)clear all
--S 311 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^5
--R
--R
--R
                           +----+
                         2 | 2 2 2
--R
            2 2
--R
           (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R (1) -----
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
--R
      e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 311
--S 312 of 1618
r0:=1/4*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^4)
--R
--R
--R (2)
--R
       3 3 2 2 2 3 | 2 2
--R
--R
    (-bx - 3abx - 3abx - a)\|bx + 2abx + a
--R /
         5 4 4 4
                                  2 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
       (4a e - 4b d e )x + (16a d e - 16b d e )x + (24a d e - 24b d e )x
--R
          3 2
                 4
--R
                        4
--R
       (16a d e - 16b d e)x + 4a d e - 4b d
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 312
--S 313 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         3 3 3 2 2 2 3 2 2 3 2
--R
      - 4b e x + (- 6a b e - 6b d e )x + (- 4a b e - 4a b d e - 4b d e)x
--R
```

```
--R
                    3 3 2 2 2 2 3 3
--R
--R
                     -ae -abde -abde-bd
--R /
                  8 4 7 3 2 6 2 3 5 4 4
--R
--R
               4e x + 16d e x + 24d e x + 16d e x + 4d e
--R
                                                                                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 313
--S 314 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          (4)
--R
--R
                        3 4 3 2 4 2 2 4 3 4 | 2 2 2
--R
                     (b e x + 3a b e x + 3a b e x + a e )\|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                3 4 4 3 3 2 2 4 4 2 2 2 3 4 4 3
                     (-4abe +4bde)x + (-6abe +6bde)x + (-4abe +4bde)x
--R
--R
                         4 4 4 4
--R
--R
                      -ae+bd
--R /
--R
                              9 8 4 8 2 7 3 2 7 3 6 2
--R
                     (4a e - 4b d e )x + (16a d e - 16b d e )x + (24a d e - 24b d e )x
--R
--R
                                 3 6 4 5 4 5 5 4
--R
                      (16a d e - 16b d e )x + 4a d e - 4b d e
--R
                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 314
--S 315 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
                        3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
                                                                                                                                            4 4 3 3
--R
--R
                     (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
--R
                           2 2 2 3
--R.
                     - 6a b x - 4a b x - a
--R /
--R
                                                                                                                                    +----+
                 5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
                  (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) \begin{picture}(b x + 2a b x + a) \\ (e x + 5d e x + 10d e x + 2a b x + a) \\ (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) \\ (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) \\ (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) \\ (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) \\ (e x + 5d e x + 10d 
--R
                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 315
```

```
)clear all
--S 316 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^6
--R
--R
--R
                               2 | 2 2 2
--R
--R
                 (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
--R
         6 6 5 5 2 4 4 3 3 3
                                         4 2 2 5
--R
        e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 316
--S 317 of 1618
r0:=1/4*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^5)+_
 1/20*e*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^5)
--R
--R
--R
    (2)
--R
          4 4 3 4 3 2 2 3 2
--R
         b e x + (- a b e + 5b d)x + (- 9a b e + 15a b d)x
--R
--R
             3
                  2 2
                             4
--R
         (-11a b e + 15a b d)x - 4a e + 5a b d
--R
--R
--R
        | 2 2 2
--R
        --R /
           2 7 6 2 2 5 5
--R
--R
        (20a e - 40a b d e + 20b d e)x
--R
                    2 5
--R
                               2344
       (100a d e - 200a b d e + 100b d e )x
--R
--R
--R
            2 2 5
                    3 4
                                2 4 3 3
--R
       (200a d e - 400a b d e + 200b d e )x
--R
--R
           2 3 4
                    4 3
                                2522
        (200a d e - 400a b d e + 200b d e )x
--R
--R
--R.
           2 4 3
                       5 2
                               2 6
                                         252 6
--R
        (100a d e - 200a b d e + 100b d e)x + 20a d e - 40a b d e + 20b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 317
--S 318 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R (3)
          3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
       - 10b e x + (- 20a b e - 10b d e )x
--R
         2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 3 3
--R
--R
      (- 15a b e - 10a b d e - 5b d e)x - 4a e - 3a b d e - 2a b d e - b d
--R /
               8 4 2 7 3
       9 5
--R
                                3 6 2
                                         4 5
--R
      20e \ x + 100d \ e \ x + 200d \ e \ x + 200d \ e \ x + 100d \ e \ x + 20d \ e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 318
--S 319 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
           454 35 4 4 3 2 2 5 3 4 2
--R
--R
          -bex + (abe - 5bde)x + (9abe - 15abde)x
--R
--R
            3 5 22 4
                              4 5
                                    3 4
--R
          (11a b e - 15a b d e )x + 4a e - 5a b d e
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        --R
          2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
       (- 10a b e + 20a b d e - 10b d e )x
--R
--R
           3 2 5 2 3 4
                             5 3 2 2
--R
       (- 20a b e + 30a b d e - 10b d e )x
--R
           4 5 3 2 4 5 4 5 5 4 4 5 5
--R
--R
       (- 15a b e + 20a b d e - 5b d e)x - 4a e + 5a b d e - b d
--R /
--R
         2 11
                     10
                           2295
--R
       (20a e - 40a b d e + 20b d e )x
--R
--R
          2 10
                  29 2384
--R.
       (100a d e - 200a b d e + 100b d e )x
--R
--R
          2 2 9 3 8 2 4 7 3
--R
       (200a d e - 400a b d e + 200b d e )x
--R
--R
                     4 7
       (200a d e - 400a b d e + 200b d e )x
--R
--R
```

```
247 56 265 256 65 274
    (100a d e - 200a b d e + 100b d e )x + 20a d e - 40a b d e + 20b d e
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 319
--S 320 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
        3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
                                                4 4 3 3
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
--R
         2 2 2 3
--R
--R
       - 6a b x - 4a b x - a
--R /
--R.
        6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
       (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d)
--R
--R
       | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 320
)clear all
--S 321 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^7
--R
--R
--R (1)
--R
                2 2 2 2 2 2
--R
--R
               (b x + 2a b x + a ) \ | b x + 2a b x + a
--R ------
    77 66 255 344 433 522 6
--R
   e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x + d
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 321
--S 322 of 1618
r0:=1/6*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^6)+_
 1/12*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^5)+_
  1/60*b*e*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^5)
--R
--R
--R (2)
--R
          5 2 5 4 2 5 4 2 3 2 4 5 2 3
```

```
--R
        -bex + (abe - 6bde)x + (-abe + 6abde - 15bd)x
--R
--R
             3 2 2 2 3 4 2 2
--R
        (- 19a b e + 54a b d e - 45a b d )x
--R
--R
             4 2
                    3 2
                              2 3 2
                                       5 2 4
--R
        (- 26a b e + 66a b d e - 45a b d )x - 10a e + 24a b d e - 15a b d
--R
--R
        | 2 2 2
--R
--R
       --R /
         3 9 2 8
                             2 2 7 3 3 6 6
--R
--R
       (60a e - 180a b d e + 180a b d e - 60b d e )x
--R
--R
          3 8 2 2 7
                                2 3 6 3 4 5 5
--R
       (360a d e - 1080a b d e + 1080a b d e - 360b d e)x
--R
           3 2 7 2 3 6
--R
                                 2 4 5 3 5 4 4
--R
       (900a d e - 2700a b d e + 2700a b d e - 900b d e )x
--R
            3 3 6 2 4 5 2 5 4 3 6 3 3
--R
--R
       (1200a d e - 3600a b d e + 3600a b d e - 1200b d e )x
--R
           3 4 5 2 5 4
--R
                                 263 3722
--R
       (900a d e - 2700a b d e + 2700a b d e - 900b d e )x
--R
--R
           3 5 4 2 6 3 2 7 2 3 8 3 6 3
--R
       (360a d e - 1080a b d e + 1080a b d e - 360b d e)x + 60a d e
--R
            2 7 2 2 8
--R
                             3 9
       - 180a b d e + 180a b d e - 60b d
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 322
--S 323 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
          3 3 3
                  2 3
--R
       -20b e x + (-45a b e - 15b d e)x
--R
--R.
                   2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 3 3
--R
      (- 36a b e - 18a b d e - 6b d e)x - 10a e - 6a b d e - 3a b d e - b d
--R /
        10 6 9 5 2 8 4 3 7 3 4 6 2 5 5
--R
      60e x + 360d e x + 900d e x + 1200d e x + 900d e x + 360d e x
--R
--R
--R
        6 4
```

```
--R 60d e
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 323
--S 324 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          565 46 554 236 45 5243
--R
         b e x + (- a b e + 6b d e )x + (a b e - 6a b d e + 15b d e )x
--R
--R
                    2 3 5 4 2 4 2
--R
            3 2 6
--R
         (19a b e - 54a b d e + 45a b d e )x
--R
--R
            4 6
                    3 2 5 2 3 2 4 5 6 4 5
--R
         (26a b e - 66a b d e + 45a b d e )x + 10a e - 24a b d e
--R
--R
           3 2 2 4
--R
         15a b d e
--R
         +----+
--R
--R
        | 2 2 2
--R
        --R
           3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
--R
       (- 20a b e + 60a b d e - 60a b d e + 20b d e )x
--R
           4 2 6 3 3 5
--R
                            2 4 2 4
                                      6 4 2 2
--R.
       (-45a b e + 120a b d e - 90a b d e + 15b d e )x
--R
          5 6 4 2 5 3 3 2 4 6 5 6 6 5 5
--R
--R
       (- 36a b e + 90a b d e - 60a b d e + 6b d e)x - 10a e + 24a b d e
--R
--R
          4 2 2 4 6 6
--R
       - 15a b d e + b d
--R /
         3 13 2 12
                             2 2 11 3 3 10 6
--R
--R
       (60a e - 180a b d e + 180a b d e - 60b d e )x
--R
--R
          3 12 2 2 11
                              2 3 10 3 4 9 5
       (360a d e - 1080a b d e + 1080a b d e - 360b d e )x
--R
--R.
--R.
          3 2 11 2 3 10
                                 249 3584
       (900a d e   - 2700a b d e   + 2700a b d e   - 900b d e )x
--R
--R
          3 3 10 2 4 9 2 5 8 3 6 7 3
--R
--R
       (1200a d e - 3600a b d e + 3600a b d e - 1200b d e )x
--R
--R
         3 4 9 2 5 8 2 6 7 3 7 6 2
```

```
--R
                       (900a d e - 2700a b d e + 2700a b d e - 900b d e )x
--R
--R
                                   358 267 276 385 367
--R
                       (360a d e - 1080a b d e + 1080a b d e - 360b d e )x + 60a d e
--R
                                                                                                  3 9 4
                                      2 7 6 2 8 5
--R
--R
                       - 180a b d e + 180a b d e - 60b d e
--R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 324
--S 325 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
           (5)
--R
                        3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
--R.
                       (b x + 3a b x + 3a b x + a )\|b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
--R
                              2 2 2 3 4
--R
                       - 6a b x - 4a b x - a
--R /
--R
                                77 66 255 344 433 522 6
                                e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x
--R
--R
--R
                                  7
--R
--R
--R
                        +----+
                        | 2 2 2
--R
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 325
)clear all
--S 326 of 1618
t0\!:=\!(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^8
--R
--R
--R
           (1)
--R
--R
                     2 2 2 2 2
                   (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
--R /
                        88 77 266 355 444 533 622
--R
--R
                        e x + 8d e x + 28d e x + 56d e x + 70d e x + 56d e x + 28d e x
--R
                       7 8
--R
--R
                  8d e x + d
```

```
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 326
--S 327 of 1618
r0:=-1/7*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^7)-1/14*b*(a+b*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(d+e*x)^6)-1/28*b^2*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(d+e*x)^5)-1/140*b^2*(b*d-a*e)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x)*(d+e*x)^5)
--R
--R
--R
    (2)
--R
                        2 3
                               3 2 2
            3 3 3
         -35b e x + (-84a b e - 21b d e)x
--R
--R
              2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
--R
         (- 70a b e - 28a b d e - 7b d e)x - 20a e - 10a b d e - 4a b d e
--R.
--R
          3 3
         - b d
--R
--R
--R
        +----+
        | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R /
--R
                           10 7 10
--R
       140b e x + (140a e + 980b d e )x + (980a d e + 2940b d e )x
--R
--R
              2 9 3 8 5 3 8
                                         474
--R
       (2940a d e + 4900b d e )x + (4900a d e + 4900b d e )x
--R.
                  5 6 3
--R
             4 7
                                    5 6
--R
        (4900a d e + 2940b d e)x + (2940a d e + 980b d e)x
--R
            6 5 7 4
--R
--R
       (980a d e + 140b d e)x + 140a d e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 327
--S 328 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R.
          3 3 3
                   23 3 2 2
--R
       -35b e x + (-84a b e - 21b d e)x
--R
--R
         2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 3 3
--R
      (-70a b e - 28a b d e - 7b d e)x - 20a e - 10a b d e - 4a b d e - b d
--R /
--R
          11 7 10 6 2 9 5 3 8 4 4 7 3 5 6 2
```

```
--R
       140e x + 980d e x + 2940d e x + 4900d e x + 4900d e x + 2940d e x
--R
         6 5 7 4
--R
--R
       980d e x + 140d e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 328
--S 329 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
           3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
          35b e x + (84a b e + 21b d e)x
--R
--R
            2 3 2 2 3 2
                                        3 3 2 2 2 2 2
--R
          (70a b e + 28a b d e + 7b d e)x + 20a e + 10a b d e + 4a b d e
--R
--R
          3 3
--R
          b d
--R
         +----+
--R
--R
         | 2 2 2
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
          4 3 4 3 3 4 2 3
--R
--R
       -35b e x + (-119a b e - 21b d e)x
--R
--R
             2 2 3 3 2
                             4 2 2
--R
       (- 154a b e - 49a b d e - 7b d e)x
--R
           3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3 2
--R
--R
       (- 90a b e - 38a b d e - 11a b d e - b d )x - 20a e - 10a b d e
--R
--R
         2 2 2
                  3 3
       - 4a b d e - a b d
--R
--R /
                               10 7 10
--R
          11 8
                  11
--R
       140b e x + (140a e + 980b d e )x + (980a d e + 2940b d e )x
--R
--R
            2 9
                   3 8 5
                                    3 8
       (2940a d e + 4900b d e )x + (4900a d e + 4900b d e )x
--R
--R.
--R.
             4 7 5 6 3
                                    5 6
       (4900a d e + 2940b d e)x + (2940a d e + 980b d e)x
--R
--R
           6 5 7 4 7 4
--R
--R
       (980a d e + 140b d e)x + 140a d e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 329
```

```
--S 330 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5)
--R
--R
        3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
--R
--R
          2 2 2 3 4
--R
       - 6a b x - 4a b x - a
--R /
          88 77 266 355 444 533 622
--R
--R
         e x + 8d e x + 28d e x + 56d e x + 70d e x + 56d e x + 28d e x
--R
--R
          7 8
--R
         8d e x + d
--R
--R
       +----+
        | 2 2 2
--R
--R
        \| b x + 2a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 330
)clear all
--S 331 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^9
--R
--R
--R (1)
--R
       2 2 2 2 2 2
--R
--R
      (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R /
--R
       9 9
              88 277 366 455 544 633
--R
       e x + 9d e x + 36d e x + 84d e x + 126d e x + 126d e x + 84d e x
--R
--R
         7 2 2 8
--R
       36d e x + 9d e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 331
--S 332 of 1618
r0:=-1/8*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^8)-3/56*b*(a+b*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(d+e*x)^7)-3/140*b^2*sqrt(a^2+_
  2*a*b*x+b^2*x^2/(e^3*(d+e*x)^6)-1/280*b^2*(b*d-a*e)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x)*(d+e*x)^6)
--R
```

```
--R
    (2)
--R
           3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
        - 56b e x + (- 140a b e - 28b d e )x
--R
                    2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
             2 3
--R
        (- 120a b e - 40a b d e - 8b d e)x - 35a e - 15a b d e - 5a b d e
--R
--R
         3 3
        - b d
--R
--R
--R
       +----+
        | 2 2 2
--R
--R
       --R /
--R
          12 9 12
                          11 8 11 2 10 7
--R
       280b e x + (280a e + 2240b d e )x + (2240a d e + 7840b d e )x
--R
--R
           2 10
                      396
                                   3 9
--R
       (7840a d e + 15680b d e)x + (15680a d e + 19600b d e)x
--R
--R
            48 574 57 663
--R
      (19600a d e + 15680b d e )x + (15680a d e + 7840b d e )x
--R
--R
                752 75 84
            6 6
--R
       (7840a d e + 2240b d e)x + (2240a d e + 280b d e)x + 280a d e
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 332
--S 333 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                      23 3 2 2
--R
         3 3 3
--R
      - 56b e x + (- 140a b e - 28b d e )x
--R
                    2 2
                                          2 2 2 2 2
--R
           2 3
                           3 2 3 3
--R
      (-120a b e -40a b d e -8b d e)x -35a e -15a b d e -5a b d e
--R
--R
        3 3
       - b d
--R
--R /
--R.
         12 8 11 7 2 10 6 3 9 5 4 8 4
--R
       280e x + 2240d e x + 7840d e x + 15680d e x + 19600d e x
--R
          573 662 75 84
--R
--R
       15680d e x + 7840d e x + 2240d e x + 280d e
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 333
```

```
--S 334 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
           3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
         56b e x + (140a b e + 28b d e )x
--R
             2 3 2 2 3 2
--R
                                       3 3 2 2
--R
         (120a b e + 40a b d e + 8b d e)x + 35a e + 15a b d e + 5a b d e
--R
          3 3
--R
--R
          b d
--R
--R
--R
         | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
          4 3 4 3 3 4 2 3
--R
       -56b e x + (-196a b e - 28b d e)x
--R
--R
--R
          2 2 3 3 2 4 2 2
       (- 260a b e - 68a b d e - 8b d e)x
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3 2
--R
--R
       (- 155a b e - 55a b d e - 13a b d e - b d )x - 35a e - 15a b d e
--R
--R
          2 2 2 3 3
--R
       - 5a b d e - a b d
--R /
        12 9 12 11 8 11 2 10 7
--R
--R
       280b e x + (280a e + 2240b d e)x + (2240a d e + 7840b d e)x
--R
--R
            2 10
                       3 9 6
                                     3 9
       (7840a d e + 15680b d e )x + (15680a d e + 19600b d e )x
--R
--R
             4 8
                   5 7 4
--R
                                    5 7
       (19600a d e + 15680b d e)x + (15680a d e + 7840b d e)x
--R
--R
            66 752 75 84
--R
       (7840a d e + 2240b d e)x + (2240a d e + 280b d e)x + 280a d e
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 334
--S 335 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
```

```
--R
        3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
          2 2 2 3 4
--R
--R
       - 6a b x - 4a b x - a
--R /
                                3 6 6 4 5 5 5 4 4 6 3 3
                8 8
                       277
--R
--R
        e x + 9d e x + 36d e x + 84d e x + 126d e x + 126d e x + 84d e x
--R
          7 2 2 8 9
--R
         36d e x + 9d e x + d
--R
--R
--R
        +----+
        1 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 335
)clear all
--S 336 of 1618
t0:=(d+e*x)^m*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R.
--R
   (1)
--R
--R
     44 33 222 3 4 m | 22 2
--R
--R
   (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a)(e x + d) \|b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 336
--S 337 of 1618
r0:=20*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(1+m)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^3*(4+m)*_1)
  (5+m)*(6+m))-5*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(1+m)*(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2(3/2)/(e^2*(5+m)*(6+m))+(d+e*x)^(1+m)*(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2)(5/2)/(e*(6+m))+120*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(1+m)*_
  120*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*_1)
  (1+m)*(2+m)*(3+m)*(4+m)*(5+m)*(6+m)*(a+b*x))-60*(b*d-a*e)^3*_
  (a+b*x)*(d+e*x)^(1+m)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(3+m)*_
  (4+m)*(5+m)*(6+m)
--R
--R.
--R (2)
--R.
          555 554 553 552 55 555
--R
         (b e m + 15b e m + 85b e m + 225b e m + 274b e m + 120b e)x
--R
               455 45 544 45 543
--R
--R
            5a b e m + (80a b e - 5b d e)m + (475a b e - 50b d e)m
```

```
--R
             45 5 4 2 45 5 4 45
--R
--R
           (1300a b e - 175b d e)m + (1620a b e - 250b d e)m + 720a b e
--R
--R
               5 4
           - 120b d e
--R
--R
--R
--R
          X
--R
--R
             2 3 5 5 2 3 5 4 4 4
--R
           10a b e m + (170a b e - 20a b d e )m
--R
--R
               2 3 5
                       4 4
                                  5 2 3 3
--R
           (1070a b e - 240a b d e + 20b d e )m
--R
--R
               2 3 5
                       4 4
                                  5 2 3 2
--R
            (3070a b e - 940a b d e + 120b d e)m
--R
               235 44 523 235 44
--R
--R
            (3960a b e - 1440a b d e + 220b d e)m + 1800a b e - 720a b d e
--R
--R
             5 2 3
--R
           120b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
              3 2 5 5 3 2 5 2 3 4 4
--R
--R
           10a b e m + (180a b e - 30a b d e )m
--R
               3 2 5 2 3 4 4 2 3 3
--R
--R
           (1210a b e - 420a b d e + 60a b d e )m
--R
--R
               3 2 5
                         234
                                    4 2 3
                                             5 3 2 2
           (3720a b e - 1950a b d e + 540a b d e - 60b d e )m
--R
--R
--R
                       2 3 4
                3 2 5
                                      4 2 3
                                              5 3 2
--R
            (5080a b e - 3360a b d e + 1200a b d e - 180b d e )m
--R
              3 2 5 2 3 4 4 2 3
--R
--R
           2400a b e - 1800a b d e + 720a b d e - 120b d e
--R
--R
           2
--R
          x
--R
--R
            4 5 5 4 5 3 2 4 4
--R
          5a b e m + (95a b e - 20a b d e )m
--R
              4 5 3 2 4 2 3 2 3 3
--R
```

```
--R
            (685a b e - 320a b d e + 60a b d e )m
--R
--R
                4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 2
--R
            (2305a b e - 1780a b d e + 720a b d e - 120a b d e )m
--R
                    4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
--R
                3510a b e - 3880a b d e + 2460a b d e - 840a b d e
--R
--R
                   5 4
--R
                120b d e
--R
--R
--R
               4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
           1800a b e - 2400a b d e + 1800a b d e - 720a b d e + 120b d e
--R
--R
--R
--R
          5\ 5\ 5 \qquad 5\ 5 \qquad 4 \qquad 4\ 4 \qquad 5\ 5 \qquad 4 \qquad 4 \qquad 3\ 2\ 2\ 3 \quad 3
--R
--R
        aem + (20ae - 5abde)m + (155ae - 90abde + 20abde)m
--R
--R
           5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
         (580a e - 595a b d e + 300a b d e - 60a b d e )m
--R
--R
                          4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
            5 5
--R
         (1044a e - 1710a b d e + 1480a b d e - 660a b d e + 120a b d e)m
--R
--R
           5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
         720a e - 1800a b d e + 2400a b d e - 1800a b d e + 720a b d e
--R
--R
             5 5
--R
        - 120b d
--R
--R
             m + 1 | 2 2 2
--R
--R
        (e x + d) \backslash |b x + 2a b x + a|
--R /
                  6 5 6 4
--R
            6 6
                                       6 3 6 2
--R
          bem + 21bem + 175bem + 735bem + 1624bem + 1764bem
--R
--R
         720b e
--R
--R
--R
        X
--R
        6 6 6 5 6 4 6 3 6 2 6
--R
--R
       a e m + 21a e m + 175a e m + 735a e m + 1624a e m + 1764a e m
--R
          6
--R
--R
       720a e
```

```
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 337
--S 338 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
          5 6 5 5 6 4 5 6 3 5 6 2 5 6 5 6 6
--R
--R
         (b e m + 15b e m + 85b e m + 225b e m + 274b e m + 120b e)x
--R
                46 5 5 5
--R
                                  4 6
                                         5 5 4
            (5a b e + b d e )m + (80a b e + 10b d e )m
--R
--R
--R
                 4 6 5 5 3
                                      46 5 5 2
--R
            (475a b e + 35b d e)m + (1300a b e + 50b d e)m
--R
--R
                  4 6
                        5 5
            (1620a b e + 24b d e )m + 720a b e
--R
--R
--R
--R
          x
--R
--R
               236 455 236 45 5244
            (10a b e + 5a b d e )m + (170a b e + 60a b d e - 5b d e )m
--R
--R
                       4 5
--R
                 2 3 6
                                   5 2 4 3
--R
            (1070a b e + 235a b d e - 30b d e )m
--R
--R
                 2 3 6 4 5 5 2 4 2
--R
            (3070a b e + 360a b d e - 55b d e)m
--R
--R
                 2 3 6
                           4 5
                                    5 2 4
--R
            (3960a b e + 180a b d e - 30b d e )m + 1800a b e
--R
--R
--R
          x
--R
               3 2 6 2 3 5 5
--R
--R
            (10a b e + 10a b d e )m
--R
                3 2 6 2 3 5 4 2 4 4
--R
--R.
            (180a b e + 140a b d e - 20a b d e )m
--R
--R
                3 2 6
                        235
                                   4 2 4
                                               5 3 3 3
--R
            (1210a b e + 650a b d e - 180a b d e + 20b d e )m
--R
--R
                          235
                                      4 2 4
            (3720a b e + 1120a b d e - 400a b d e + 60b d e )m
--R
--R
```

```
3 2 6 2 3 5 4 2 4 5 3 3 3 2 6
--R
--R
            (5080a b e + 600a b d e - 240a b d e + 40b d e )m + 2400a b e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
              4 6 3 2 5 5 4 6 3 2 5 2 3 2 4 4
--R
--R
            (5a b e + 10a b d e )m + (95a b e + 160a b d e - 30a b d e )m
--R
               4 6 3 2 5
                                  2 3 2 4
--R
                                              4 3 3 3
            (685a b e + 890a b d e - 360a b d e + 60a b d e )m
--R
--R
                   4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3
--R
--R
                2305a b e + 1940a b d e - 1230a b d e + 420a b d e
--R
--R
                   5 4 2
                - 60b d e
--R
--R
--R
             2
--R
            m
--R
--R
              4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3 5 4 2
--R
            (3510a b e + 1200a b d e - 900a b d e + 360a b d e - 60b d e )m
--R
--R
            1800a b e
--R
--R
--R
--R
          х
--R
             56 4 55 56 4 5 32244
--R
--R
           (a e + 5a b d e )m + (20a e + 90a b d e - 20a b d e )m
--R
               5 6 4 5 3 2 2 4 2 3 3 3 3
--R
--R
            (155a e + 595a b d e - 300a b d e + 60a b d e )m
--R
                  5 6 4 5 3 2 2 4 2 3 3 3
--R
                580a e + 1710a b d e - 1480a b d e + 660a b d e
--R
--R
--R
                     4 4 2
--R
                - 120a b d e
--R
--R
              2
--R
             m
--R
                  5 6 4 5 3 2 2 4 2 3 3 3
--R
--R
               1044a e + 1800a b d e - 2400a b d e + 1800a b d e
--R
                    442 55
--R
--R
               - 720a b d e + 120b d e
```

```
--R
--R
             m
--R
             5 6
--R
--R
            720a e
--R
--R
--R
         5 5 5 5 5 4 2 4 4
--R
--R
        adem + (20ade - 5abde)m
--R
           5 5
                   4 2 4 3 2 3 3 3
--R
         (155a d e - 90a b d e + 20a b d e )m
--R
--R
--R
           5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 2
--R
         (580a d e - 595a b d e + 300a b d e - 60a b d e )m
--R
--R
            5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2
--R
         (1044a d e - 1710a b d e + 1480a b d e - 660a b d e + 120a b d e)m
--R
--R
          5 5 4 2 4 3 2 3 3
                                            2 3 4 2
--R
         720a d e - 1800a b d e + 2400a b d e - 1800a b d e + 720a b d e
--R
          5 6
--R
--R
        - 120b d
--R
--R
        m \log(e x + d)
--R
       %e
--R /
     6 6 6 5 6 4 6 3 6 2 6 6
--R
--R
      e\ m\ +\ 21e\ m\ +\ 175e\ m\ +\ 735e\ m\ +\ 1624e\ m\ +\ 1764e\ m\ +\ 720e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 338
--S 339 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
           665 664 663 662 66 667
--R
--R
          (b e m + 15b e m + 85b e m + 225b e m + 274b e m + 120b e )x
--R
--R
                 56 6 5 5
                                   5 6
                                         6 5 4
--R
              (6a b e + b d e )m + (95a b e + 10b d e )m
--R
--R
                   56 6 5 3
                                        56 6 5 2
--R
              (560a b e + 35b d e)m + (1525a b e + 50b d e)m
--R
                   56 6 5 56
--R
--R
              (1894a b e + 24b d e)m + 840a b e
```

```
--R
--R
            6
--R
           x
--R
                 246 555 246 556244
--R
--R
              (15a b e + 6a b d e )m + (250a b e + 70a b d e - 5b d e )m
--R
                  2 4 6 5 5
--R
                                    6 2 4 3
              (1545a b e + 270a b d e - 30b d e)m
--R
--R
                  2 4 6 5 5
--R
                                    6 2 4 2
              (4370a b e + 410a b d e - 55b d e )m
--R
--R
                         5 5
--R
                  2 4 6
                                    6 2 4
--R
              (5580a b e + 204a b d e - 30b d e)m + 2520a b e
--R
--R
            5
--R
            X
--R
--R
               3 3 6 2 4 5 5
--R
              (20a b e + 15a b d e )m
--R
--R
                3 3 6 2 4 5 5 2 4 4
--R
              (350a b e + 200a b d e - 25a b d e)m
--R
                  3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
--R
              (2280a b e + 885a b d e - 210a b d e + 20b d e)m
--R
--R
                  3 3 6
                         2 4 5
                                        5 2 4
                                                6332
--R
              (6790a b e + 1480a b d e - 455a b d e + 60b d e)m
--R
                 3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3 3 6
--R
--R
            (9040a b e + 780a b d e - 270a b d e + 40b d e )m + 4200a b e
--R
--R
             4
--R
            x
--R
                4 2 6 3 3 5 5
--R
             (15a b e + 20a b d e )m
--R
--R
                4 2 6 3 3 5
--R
                                    2 4 2 4 4
              (275a b e + 300a b d e - 50a b d e )m
--R
--R
--R
                  4 2 6 3 3 5
                                     2 4 2 4 5 3 3 3
              (1895a b e + 1540a b d e - 540a b d e + 80a b d e )m
--R
--R
                    4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
--R
--R
                6025a b e + 3060a b d e - 1630a b d e + 480a b d e
--R
--R
                    6 4 2
```

```
--R
                - 60b d e
--R
--R
                2
--R
--R
                    4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
--R
--R
                 8590a b e + 1800a b d e - 1140a b d e + 400a b d e
--R
--R
                    6 4 2
                 - 60b d e
--R
--R
--R
--R
--R
                 4 2 6
--R
              4200a b e
--R
--R
             3
--R
            X
--R
--R
               5 6 4 2 5 5
--R
             (6a b e + 15a b d e )m
--R
                5 6 4 2 5 3 3 2 4 4
--R
             (115a b e + 250a b d e - 50a b d e )m
--R
--R
--R
                 5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 3
--R
              (840a b e + 1485a b d e - 660a b d e + 120a b d e )m
--R
                    5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
                2885a b e + 3650a b d e - 2710a b d e + 1080a b d e
--R
--R
                      5 4 2
--R
                - 180a b d e
--R
--R
                2
--R
               m
--R
                    5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
                 4554a b e + 3000a b d e - 3300a b d e + 2160a b d e
--R
--R
                      5 4 2 6 5
--R
--R
                 - 780a b d e + 120b d e
--R
--R
--R
--R
                5 6
--R
              2520a b e
--R
--R
             2
--R
            x
```

```
--R
              6 6 5 5 5 6 6 5 5 4 2 2 4 4
--R
--R
             (a e + 6a b d e )m + (20a e + 110a b d e - 25a b d e )m
--R
                6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 3
--R
--R
             (155a e + 750a b d e - 390a b d e + 80a b d e )m
--R
                  6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
               580a e + 2290a b d e - 2075a b d e + 960a b d e
--R
--R
--R
                   2 4 4 2
               - 180a b d e
--R
--R
--R
               2
--R
              m
--R
--R
                   6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
                1044a e + 2844a b d e - 4110a b d e + 3280a b d e
--R
                    2 4 4 2 5 5
--R
--R
                - 1380a b d e + 240a b d e
--R
--R
--R
               6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
             720a e + 720a b d e - 1800a b d e + 2400a b d e
--R
--R
--R
                  2 4 4 2 5 5 6 6
--R
             - 1800a b d e + 720a b d e - 120b d
--R
--R
--R
          6 5 5 6 5 5 2 4 4
--R
--R
          adem + (20ade - 5abde)m
--R
             6 5 5 2 4 4 2 3 3 3
--R
--R
          (155a d e - 90a b d e + 20a b d e )m
--R
             6 5 5 2 4 4 2 3 3 3 3 4 2 2
--R
--R
          (580a d e - 595a b d e + 300a b d e - 60a b d e)m
--R
                  6 5 5 2 4 4 2 3 3 3 3 4 2
--R
--R
              1044a d e - 1710a b d e + 1480a b d e - 660a b d e
--R
--R
                2 4 5
              120a b d e
--R
--R
--R
--R
--R
           6 5 5 2 4 4 2 3 3 3 3 4 2 2 4 5
```

```
--R
          720a d e - 1800a b d e + 2400a b d e - 1800a b d e + 720a b d e
--R
--R
               5 6
          - 120a b d
--R
--R
--R
         m log(e x + d)
--R
        %e
--R
             5 5 5 5 5 4 5 5 3 5 5 2 5 5 5 5
--R
--R
          (-bem - 15bem - 85bem - 225bem - 274bem - 120be)x
--R
--R
                             4 5
                                   5 4 4
                 4 5 5
             - 5a b e m + (- 80a b e + 5b d e )m
--R
--R
                   45 5 4 3
--R
                                     45 5 4 2
--R
             (-475a b e +50b d e )m + (-1300a b e +175b d e )m
--R
--R
                    45 5 4
                                    45 5 4
            (- 1620a b e + 250b d e )m - 720a b e + 120b d e
--R
--R
--R
--R
          X
--R
--R
                2 3 5 5 2 3 5 4 4 4
             - 10a b e m + (- 170a b e + 20a b d e )m
--R
--R
                   2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
             (- 1070a b e + 240a b d e - 20b d e )m
--R
--R
                   --R
             (-3070a b e + 940a b d e - 120b d e)m
--R
                   2 3 5
--R
                              4 4
                                       5 2 3
--R
             (- 3960a b e + 1440a b d e - 220b d e )m - 1800a b e
--R
                 4 4 5 2 3
--R
--R
             720a b d e - 120b d e
--R
--R
            3
--R
            x
--R
--R
                3 2 5 5 3 2 5 2 3 4 4
--R
             - 10a b e m + (- 180a b e + 30a b d e )m
--R
--R
                   3 2 5 2 3 4 4 2 3 3
             (- 1210a b e + 420a b d e - 60a b d e )m
--R
--R
--R
                   3 2 5 2 3 4
                                     4 2 3 5 3 2 2
             (- 3720a b e + 1950a b d e - 540a b d e + 60b d e )m
--R
--R
```

```
--R
            (- 5080a b e + 3360a b d e - 1200a b d e + 180b d e )m
--R
--R
--R
                  3 2 5 2 3 4
                                      4 2 3 5 3 2
--R
            - 2400a b e + 1800a b d e - 720a b d e + 120b d e
--R
--R
            2
--R
          x
--R
               4 5 5 4 5 3 2 4 4
--R
            - 5a b e m + (- 95a b e + 20a b d e )m
--R
--R
                4 5 3 2 4 2 3 2 3 3
--R
--R
            (-685a b e + 320a b d e -60a b d e )m
--R
--R
                  4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 2
--R
             (-2305a b e + 1780a b d e - 720a b d e + 120a b d e)m
--R
                    4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
--R
                - 3510a b e + 3880a b d e - 2460a b d e + 840a b d e
--R
--R
                   5 4
--R
                - 120b d e
--R
--R
--R
                4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
--R
           - 1800a b e + 2400a b d e - 1800a b d e + 720a b d e - 120b d e
--R
--R
           X
--R
           5 5 5 5 4 4 4
--R
--R
          -aem + (-20ae +5abde)m
--R
              5 5 4 4 3 2 2 3 3
--R
          (- 155a e + 90a b d e - 20a b d e )m
--R
--R
--R
              5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 2
          (-580a e +595a b d e -300a b d e +60a b d e )m
--R
--R
--R
                  5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2
              - 1044a e + 1710a b d e - 1480a b d e + 660a b d e
--R
--R
--R
                    4 4
--R
              - 120a b d e
--R
--R
--R
             5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
          - 720a e + 1800a b d e - 2400a b d e + 1800a b d e - 720a b d e
```

```
--R
          5 5
--R
--R
          120b d
--R
--R
          m + 1 | 2 2 2
--R
--R
        (e x + d) \backslash |b x + 2a b x + a
--R /
            6 6 6 5 6 4 6 3 6 2 6
--R
          bem + 21bem + 175bem + 735bem + 1624bem + 1764bem
--R
--R
--R
          720b e
--R
--R
--R
         X
--R
        6 6 6 5 6 4 6 3 6 2 6
--R
--R
       a e m + 21a e m + 175a e m + 735a e m + 1624a e m + 1764a e m
--R
--R
--R
       720a e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 339
--S 340 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
           555 554 553 552 55 555
--R
--R
          (b e m + 20b e m + 155b e m + 580b e m + 1044b e m + 720b e)x
--R
                                      4 5 3
                           4 5 4
--R
--R
             5a b e m + 100a b e m + 775a b e m + 2900a b e m
--R
                  4 5 4 5
--R
--R
             5220a b e m + 3600a b e
--R
--R
             4
--R
            X
--R
--R
                2\ 3\ 5\ 5 \qquad \qquad 2\ 3\ 5\ 4 \qquad \qquad 2\ 3\ 5\ 3 \qquad \qquad 2\ 3\ 5\ 2
--R
              10a b e m + 200a b e m + 1550a b e m + 5800a b e m
--R
                   2 3 5 2 3 5
--R
             10440a b e m + 7200a b e
--R
--R
--R
--R
           x
--R
```

```
3 2 5 5 3 2 5 4 3 2 5 3 3 2 5 2
--R
--R
            10a b e m + 200a b e m + 1550a b e m + 5800a b e m
--R
                 3 2 5 3 2 5
--R
--R
            10440a b e m + 7200a b e
--R
--R
            2
--R
          x
--R
             4 5 5 4 5 4 4 5 3 4 5 2
--R
--R
            5a b e m + 100a b e m + 775a b e m + 2900a b e m
--R
               4 5 4 5
--R
            5220a b e m + 3600a b e
--R
--R
--R
           X
--R
--R
          5 5 5 5 5 4 5 5 3 5 5 2 5 5 5 5 5
--R
         a e m + 20a e m + 155a e m + 580a e m + 1044a e m + 720a e
--R
--R
         --R
--R
        \|b x + 2a b x + a %e
--R
--R
            644 643 642 64 645
--R
         (-5b e m - 70b e m - 355b e m - 770b e m - 600b e)x
--R
--R
                 5 4 4 5 4 6 3 3
--R
             - 25a b e m + (- 370a b e + 20b d e )m
--R.
                                    5 4 6 3
                   5 4 6 3 2
--R
            (- 1955a b e + 180b d e )m + (- 4370a b e + 520b d e )m
--R
--R
                  5 4 6 3
--R
--R
            - 3480a b e + 480b d e
--R
--R
            4
--R
           X
--R
                2 4 4 4 2 4 4 5 3 3
--R
            - 50a b e m + (- 780a b e + 80a b d e )m
--R
--R
--R.
                 2 4 4 5 3 6 2 2 2
--R
            (- 4330a b e + 840a b d e - 60b d e )m
--R
--R
                   2 4 4 5 3
                                     6 2 2
                                              2 4 4
--R
             (- 10080a b e + 2680a b d e - 300b d e )m - 8280a b e
--R
                5 3 6 2 2
--R
--R
             2640a b d e - 360b d e
```

```
--R
--R
            3
--R
           x
--R
                 3 3 4 4 3 3 4 2 4 3 3
--R
--R
             - 50a b e m + (- 820a b e + 120a b d e )m
--R
--R
                   3 3 4
                            2 4 3
             (- 4810a b e + 1440a b d e - 180a b d e )m
--R
--R
                    3 3 4 2 4 3
--R
                                          5 2 2
--R
             (- 11840a b e + 5280a b d e - 1260a b d e + 120b d e)m
--R
                           2 4 3
--R
                   3 3 4
                                         5 2 2 6 3
             - 10200a b e + 5760a b d e - 1800a b d e + 240b d e
--R
--R
--R
            2
--R
           x
--R
--R
                4 2 4 4 4 2 4 3 3 3 3
             - 25a b e m + (- 430a b e + 80a b d e )m
--R
--R
--R
                   4 2 4 3 3 3
                                      24222
--R
             (- 2675a b e + 1080a b d e - 180a b d e )m
--R
                   4 2 4 3 3 3 2 4 2 2 5 3
--R
--R
             (- 7070a b e + 4600a b d e - 1620a b d e + 240a b d e)m
--R
                 4 2 4 3 3 3 2 4 2 2 5 3 6 4
--R
--R
            - 6600a b e + 6000a b d e - 3240a b d e + 960a b d e - 120b d
--R
--R
--R
            5 4 4 5 4 4 2 3 3
--R
--R
          - 5a b e m + (- 90a b e + 20a b d e )m
--R
--R
              5 4
                       4 2 3
                                 3 3 2 2 2
--R
          (- 595a b e + 300a b d e - 60a b d e )m
--R
--R
                5 4
                         4 2 3
                                    3 3 2 2
--R
          (- 1710a b e + 1480a b d e - 660a b d e + 120a b d e)m
--R
--R.
               5 4 4 2 3 3 3 3 2 2 2 4 3
--R
          - 1800a b e + 2400a b d e - 1800a b d e + 720a b d e - 120a b d
--R
--R
               m + 1
--R
         (e x + d)
--R
            655 654 653 652 65 656
--R
--R
          (-bem - 15bem - 85bem - 225bem - 274bem - 120be)x
```

```
--R
                5 5 5 5 6 4 4
--R
--R
             - 6a b e m + (- 95a b e + 5b d e )m
--R
--R
                   5 5 6 4 3 5 5 6 4 2
             (-560a b e + 50b d e)m + (-1525a b e + 175b d e)m
--R
--R
                    5 5 6 4
                                        5 5 6 4
--R
             (- 1894a b e + 250b d e )m - 840a b e + 120b d e
--R
--R
--R
--R
           X
--R
--R
                2 4 5 5 2 4 5 5 4 4
--R
             - 15a b e m + (- 250a b e + 25a b d e )m
--R
--R
                   2 4 5
                             5 4 6233
--R
             (- 1545a b e + 290a b d e - 20b d e )m
--R
                   2 4 5 5 4 6 2 3 2
--R
--R
             (-4370a b e + 1115a b d e - 120b d e)m
--R
                   2 4 5 5 4
--R
                                      6 2 3
--R
             (- 5580a b e + 1690a b d e - 220b d e )m - 2520a b e
--R
                5 4 6 2 3
--R
--R
             840a b d e - 120b d e
--R
--R
            4
--R
           X
--R
                3 3 5 5 3 3 5 2 4 4 4
--R
--R
             - 20a b e m + (- 350a b e + 50a b d e )m
--R
                   3 3 5 2 4 4
--R
                                       5 2 3 3
--R
             (- 2280a b e + 660a b d e - 80a b d e )m
--R
                   3 3 5 2 4 4 5 2 3
--R
                                                6 3 2 2
--R
             (- 6790a b e + 2890a b d e - 660a b d e + 60b d e )m
--R
                                      5 2 3 6 3 2
--R
                  3 3 5 2 4 4
             (-9040a b e + 4800a b d e - 1420a b d e + 180b d e )m
--R
--R
                                       5 2 3 6 3 2
--R
                  3 3 5 2 4 4
--R
            - 4200a b e + 2520a b d e - 840a b d e + 120b d e
--R
--R
            3
--R
           X
--R
--R
                 4 2 5 5
                             4 2 5 3 3 4 4
```

```
--R
             - 15a b e m + (- 275a b e + 50a b d e )m
--R
                   4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 3
--R
--R
             (- 1895a b e + 740a b d e - 120a b d e )m
--R
                   4 2 5 3 3 4
                                      2 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
             (-6025a b e + 3730a b d e - 1260a b d e + 180a b d e )m
--R
                     4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2
--R
--R
                - 8590a b e + 7240a b d e - 3660a b d e + 1020a b d e
--R
--R
                    6 4
               - 120b d e
--R
--R
--R
--R
--R
                4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4
--R
            -4200a b e +4200a b d e -2520a b d e +840a b d e -120b d e
--R
--R
            2
--R
            x
--R
--R
               5 5 5 5 4 2 4 4
--R
             - 6a b e m + (- 115a b e + 25a b d e )m
--R
                 5 5 4 2 4 3 3 2 3 3
--R
--R
             (- 840a b e + 410a b d e - 80a b d e )m
--R
                   5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 2
--R
--R
             (-2885a b e + 2375a b d e - 1020a b d e + 180a b d e )m
--R
                    5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
--R
--R
                - 4554a b e + 5590a b d e - 3940a b d e + 1500a b d e
--R
--R
                     5 4
--R
               - 240a b d e
--R
--R
--R
                 5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
--R
             - 2520a b e + 4200a b d e - 4200a b d e + 2520a b d e
--R
--R
--R
                  5 4 6 5
             - 840a b d e + 120b d
--R
--R
--R
--R
--R
           655 65 5 4 4
          -aem + (-20ae +5abde)m
--R
--R
```

```
6 5 5 4 4 2 2 3 3
--R
--R
           (- 155a e + 90a b d e - 20a b d e )m
--R
                                 4 2 2 3 3 3 3 2 2
--R
                6 5 5
                          4
--R
           (-580a e + 595a b d e - 300a b d e + 60a b d e )m
--R
                     6 5 5 4 4 2 2 3 3 3 3 2
--R
               - 1044a e + 1710a b d e - 1480a b d e + 660a b d e
--R
--R
--R
                    2 4 4
--R
               - 120a b d e
--R
--R
--R
--R
                     5 4 4 2 2 3 3 3 3 2 2 4 4
              6 5
--R
          - 720a e + 1800a b d e - 2400a b d e + 1800a b d e - 720a b d e
--R
              5 5
--R
--R
         120a b d
--R
--R
--R
         (e x + d)
--R /
--R
      5 5 5 4 5 3 5 2 5 5 | 2 2 2
--R
      (e m + 20e m + 155e m + 580e m + 1044e m + 720e) \ b x + 2a b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 340
)clear all
--S 341 of 1618
t0:=(d+e*x)^5*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
   (1)
                                  2 2 5 3 4 4 2 3 7
--R
        459 35 4 4 8
--R
       b e x + (4a b e + 5b d e )x + (6a b e + 20a b d e + 10b d e )x
--R
         3 5 22 4
--R
                             3 2 3
--R
       (4a b e + 30a b d e + 40a b d e + 10b d e )x
--R
--R.
        4 5
              3
                   4 2 2 2 3 3 3 2 4 4 5
--R.
       (a e + 20a b d e + 60a b d e + 40a b d e + 5b d e)x
--R
--R
         4 4 3 2 3 2 2 3 2 3 4 4 5 4
--R
       (5a d e + 40a b d e + 60a b d e + 20a b d e + b d )x
--R
          4 2 3 3 3 2 2 2 4 3 5 3
--R
--R
        (10a d e + 40a b d e + 30a b d e + 4a b d )x
```

```
--R
           432 3 4 2252 44 3 5 45
--R
--R
        (10a d e + 20a b d e + 6a b d)x + (5a d e + 4a b d)x + a d
--R *
--R
       | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 341
--S 342 of 1618
r0:=2/99*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^6*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^3-_
  1/22*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^6*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^2+_
  1/11*(d+e*x)^6*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/e+1/462*(b*d-a*e)^4*_
  (d+e*x)^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5-1/2772*(b*d-a*e)^5*_
  (d+e*x)^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x))-_
  1/132*(b*d-a*e)^3*(a+b*x)*(d+e*x)^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^4
--R
--R
--R
    (2)
--R
           5 11 11 4 11 5 10 10
         252b e x + (1386a b e + 1386b d e )x
--R
--R
--R
               2 3 11 4 10 5 2 9 9
--R
          (3080a b e + 7700a b d e + 3080b d e)x
--R
                                          4 2 9 5 3 8 8
--R
               3 2 11
                      2 3 10
--R
          (3465a b e + 17325a b d e + 17325a b d e + 3465b d e )x
--R
                4 11 3 2 10 2 3 2 9 4 3 8
--R.
--R
             1980a b e   + 19800a b d e   + 39600a b d e   + 19800a b d e
--R
--R
                 5 4 7
--R
            1980b d e
--R
--R
            7
--R
           x
--R
                               10 3 2 2 9
--R
                       4
--R
             462a e   + 11550a b d e   + 46200a b d e   + 46200a b d e
--R
--R
                   4 4 7 5 5 6
--R.
            11550a b d e + 462b d e
--R
--R
            6
--R
           x
--R
--R
                         4 2 9 3 2 3 8 2 3 4 7
            2772a d e + 27720a b d e + 55440a b d e + 27720a b d e
--R
--R.
```

```
--R
             4 5 6
--R
            2772a b d e
--R
--R
           5
--R
          x
--R
             5 2 9 4 3 8 3 2 4 7 2 3 5 6 4
--R
--R
         (6930a d e + 34650a b d e + 34650a b d e + 6930a b d e )x
--R
             5 3 8 4 4 7
--R
                                   3 2 5 6 3
--R
         (9240a d e + 23100a b d e + 9240a b d e)x
--R
             5 4 7 4 5 6 2 5 5 6 5 6 5 4 7 4
--R
--R
         (6930a d e + 6930a b d e)x + 2772a d e x + 462a d e - 330a b d e
--R
--R
           3 2 8 3 2 3 9 2 4 10
                                        5 11
--R
        165a b d e - 55a b d e + 11a b d e - b d
--R
--R
       +----+
       | 2 2 2
--R
--R
       --R /
        6 6
--R
      2772b e x + 2772a e
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 342
--S 343 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         5 5 11 4 5 5 4 10
--R
--R
       252b e x + (1386a b e + 1386b d e )x
--R
           2 3 5 4 4 5 2 3 9
--R
--R
       (3080a b e + 7700a b d e + 3080b d e )x
--R
--R
           3 2 5 2 3 4
                                    4 2 3
                                             5 3 2 8
--R
       (3465a b e + 17325a b d e + 17325a b d e + 3465b d e )x
--R
                       3 2 4
--R
                                   2 3 2 3
--R.
            1980a b e + 19800a b d e + 39600a b d e + 19800a b d e
--R
--R
               5 4
            1980b d e
--R
--R
--R
         7
--R
         x
--R
```

```
5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2
--R
--R
          462a e + 11550a b d e + 46200a b d e + 46200a b d e
--R
--R
                4 4 5 5
--R
         11550a b d e + 462b d
--R
--R
         6
--R
        x
--R
               5 4 4 2 3 3 2 3 2
--R
--R
            2772a d e + 27720a b d e + 55440a b d e + 27720a b d e
--R
--R
                 4 5
--R
           2772a b d
--R
--R
         5
--R
         X
--R
           5 2 3 4 3 2 3 2 4 2 3 5 4
--R
--R
       (6930a d e + 34650a b d e + 34650a b d e + 6930a b d )x
--R
--R
           5 3 2 4 4 3 2 5 3 5 4 4 5 2
--R
       (9240a d e + 23100a b d e + 9240a b d )x + (6930a d e + 6930a b d )x
--R
--R
          5 5
--R
       2772a d x
--R /
--R
      2772
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 343
--S 344 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
              5 11 11
                             4 11 5 10 10
--R
          - 252b e x + (- 1386a b e - 1386b d e )x
--R
                         4 10
--R
                2 3 11
                                     5 2 9 9
          (- 3080a b e - 7700a b d e - 3080b d e )x
--R
--R
--R
                3 2 11 2 3 10 4 2 9 5 3 8 8
--R
          (- 3465a b e - 17325a b d e - 17325a b d e - 3465b d e )x
--R
                              3 2 10 2 3 2 9
--R
                   4 11
--R
              - 1980a b e - 19800a b d e - 39600a b d e - 19800a b d e
--R
                  5 4 7
--R
--R
             - 1980b d e
```

```
--R
            7
--R
--R
           x
--R
                 5 11 4 10 3 2 2 9 2 3 3 8
--R
--R
             - 462a e - 11550a b d e - 46200a b d e - 46200a b d e
--R
                    447 556
--R
            - 11550a b d e - 462b d e
--R
--R
--R
             6
--R
            x
--R
                  5 10 4 2 9 3 2 3 8 2 3 4 7
--R
              - 2772a d e \, - 27720a b d e \, - 55440a b d e \, - 27720a b d e
--R
--R
--R
                    4 5 6
--R
            - 2772a b d e
--R
--R
            5
--R
           x
--R
--R
                5 2 9 4 3 8 3 2 4 7 2 3 5 6 4
--R
          (- 6930a d e - 34650a b d e - 34650a b d e - 6930a b d e )x
--R
                 5 3 8 4 4 7 3 2 5 6 3
--R
--R
          (- 9240a d e - 23100a b d e - 9240a b d e )x
--R
--R
                5 4 7 4 5 6 2 5 5 6 5 6 5
--R
          (- 6930a d e - 6930a b d e )x - 2772a d e x - 462a d e
--R
             4 7 4 3 2 8 3 2 3 9 2 4 10 5 11
--R
--R
          330a b d e - 165a b d e + 55a b d e - 11a b d e + b d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
         6 11 12 5 11 6 10 11
--R
--R
       252b e x + (1638a b e + 1386b d e )x
--R
--R
           2 4 11 5 10 6 2 9 10
--R
       (4466a b e + 9086a b d e + 3080b d e )x
--R
           3 3 11 2 4 10 5 2 9 6 3 8 9
--R
       (6545a b e + 25025a b d e + 20405a b d e + 3465b d e )x
--R
--R
--R
             4 2 11 3 3 10 2 4 2 9
         5445a b e + 37125a b d e + 56925a b d e + 23265a b d e
--R
--R
```

```
--R
          6 4 7
--R
          1980b d e
--R
--R
          8
--R
         x
--R
             5 11 4 2 10 3 3 2 9 2 4 3 8
--R
--R
          2442a b e + 31350a b d e + 85800a b d e + 66000a b d e
--R
               5 4 7 6 5 6
--R
--R
         13530a b d e + 462b d e
--R
--R
--R
         X
--R
--R
             6 11 5 10 4 2 2 9 3 3 3 8
--R
          462a e + 14322a b d e + 73920a b d e + 101640a b d e
--R
              2 4 4 7 5 5 6
--R
--R
         39270a b d e + 3234a b d e
--R
--R
         6
--R
         х
--R
--R
           6 10 5 2 9 4 2 3 8 3 3 4 7
--R
         2772a d e + 34650a b d e + 90090a b d e + 62370a b d e
--R
--R
              2 4 5 6
--R
          9702a b d e
--R
--R
         5
--R
        x
--R
           629 5 38 4247 33564
--R
--R
       (6930a d e + 43890a b d e + 57750a b d e + 16170a b d e )x
--R
           6 3 8 5 4 7
--R
                                   4 2 5 6 3
--R
       (9240a d e + 30030a b d e + 16170a b d e )x
--R
--R
           647 5 56 2
--R
       (6930a d e + 9702a b d e)x + 2772a d e x
--R /
--R
          6
--R
      2772b e x + 2772a e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 344
--S 345 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (5)
--R
          5 5 10 4 5 5 4 9
--R
         bex + (5abe + 5bde)x
--R
            2 3 5 4 4
--R
                            5 2 3 8
--R
         (10a b e + 25a b d e + 10b d e )x
--R
            3 2 5 2 3 4
--R
                              4 2 3
                                      5 3 2 7
--R
         (10a b e + 50a b d e + 50a b d e + 10b d e )x
--R
           4 5
                  3 2 4
                            2 3 2 3
                                       4 3 2
                                               5 4 6
--R
          (5a b e + 50a b d e + 100a b d e + 50a b d e + 5b d e)x
--R
--R
--R
                4 4 3 2 2 3 2 3 3 2
                                               44 555
--R
         (a e + 25a b d e + 100a b d e + 100a b d e + 25a b d e + b d )x
--R
--R
           5 4
                  4 2 3 3 2 3 2 2 3 4 4 5 4
--R
          (5a d e + 50a b d e + 100a b d e + 50a b d e + 5a b d )x
--R
--R
            5 2 3 4 3 2
                            3 2 4
                                     2 3 5 3
         (10a d e + 50a b d e + 50a b d e + 10a b d )x
--R
--R
--R
             5 3 2 4 4 3 2 5 2 5 4 4 5 5 5
--R
          (10a d e + 25a b d e + 10a b d)x + (5a d e + 5a b d)x + a d
--R
--R
--R
         | 2 2 2
--R
        \| b x + 2a b x + a
--R
        6 5 11 5 5 6 4 10
--R
       -bex + (-6abe - 5bde)x
--R
--R
          2 4 5 5 4
--R
                           6239
--R
       (- 15a b e - 30a b d e - 10b d e )x
--R
--R
          3 3 5
                  2 4 4
                             5 2 3
                                     6 3 2 8
--R
       (- 20a b e - 75a b d e - 60a b d e - 10b d e )x
--R
           4 2 5
--R
                  3 3 4
                             2 4 2 3 5 3 2
--R
       (-15abe -100abde -150abde -60abde -5bde)x
--R
--R.
         5 5
                 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4 6 5 6
--R.
       (-6abe - 75abde - 200abde - 150abde - 30abde - bd)x
--R
                         4 2 2 3 3 3 3 2 2 4 4 5 5 5
--R
         6 5
               5 4
--R
       (-ae - 30abde - 150abde - 200abde - 75abde - 6abd)x
--R
         6 4 5 2 3 4 2 3 2 3 3 4 2 4 5 4
--R
--R
       (-5ade -60abde -150abde -100abde -15abd)x
```

```
--R
            6 2 3 5 3 2 4 2 4 3 3 5 3
--R
--R
       (- 10a d e - 60a b d e - 75a b d e - 20a b d )x
--R
             632 54 4252 64 55 65
--R
--R
        (-10a d e - 30a b d e - 15a b d)x + (-5a d e - 6a b d)x - a d
--R /
--R
       1 2 2 2
--R
--R
      --R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 345
)clear all
--S 346 of 1618
t0:=(d+e*x)^4*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
   (1)
--R
        448 34 437 224 33 4226
       b e x + (4a b e + 4b d e )x + (6a b e + 16a b d e + 6b d e )x
--R
--R
--R
         3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 5
--R
        (4a b e + 24a b d e + 24a b d e + 4b d e)x
--R
         4 4 3
--R
                    3 2 2 2 2 3 3 4 4 4
--R
        (a e + 16a b d e + 36a b d e + 16a b d e + b d )x
--R
         4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 3
--R.
--R
        (4a d e + 24a b d e + 24a b d e + 4a b d )x
--R
--R
          4 2 2 3 3
                          2 2 4 2
                                      4 3
--R
       (6a d e + 16a b d e + 6a b d )x + (4a d e + 4a b d )x + a d
--R *
--R
       | 2 2
--R.
--R
      \|b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 346
--S 347 of 1618
r0:=1/180*(b*d-a*e)^4*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b^5+_
  1/60*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*(d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b^3+_
  2/45*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b^2+_
  1/10*(a+b*x)*(d+e*x)^4*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b+_
  1/210*e*(b*d-a*e)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(7/2)/b^5
--R
--R
--R (2)
```

```
949 84 938
--R
--R
         126b e x + (574a b e + 560b d e)x
--R
                  8 3 9 2 2 7
--R
             2 7 4
--R
        (1001a b e + 2590a b d e + 945b d e )x
--R
            3 6 4 2 7 3 8 2 2 9 3 6
--R
--R
        (799a b e + 4610a b d e + 4455a b d e + 720b d e)x
--R
--R
            4 5 4
                    363
                                2722
                                              8 3
                                                      945
--R
        (251a b e + 3790a b d e + 8145a b d e + 3480a b d e + 210b d )x
--R
                 453 3622 273
          5 4 4
--R
--R
        (a b e + 1250a b d e + 6975a b d e + 6600a b d e + 1050a b d )x
--R
--R
           6 3 4 5 4 3 4 5 2 2 3 6 3
                                                  2743
--R
        (- a b e + 10a b d e + 2475a b d e + 6000a b d e + 2100a b d )x
--R
          7 2 4 6 3 3 5 4 2 2 4 5 3 3 6 4 2
--R
--R
        (a b e - 10a b d e + 45a b d e + 2400a b d e + 2100a b d)x
--R
          8 4 7 2 3 6 3 2 2 5 4 3 4 5 4 9 4
--R
--R
        (- a b e + 10a b d e - 45a b d e + 120a b d e + 1050a b d )x + a e
--R
           8 3 7222 633 544
--R
--R
         - 10a b d e + 45a b d e - 120a b d e + 210a b d
--R
--R
--R
        122
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R /
--R
        5
--R
     1260b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 347
--S 348 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
         5 4 10 4 4 5 3 9
--R
       126b e x + (700a b e + 560b d e )x
--R.
                 4 3 5 2 2 8
--R
           2 3 4
--R
       (1575a b e + 3150a b d e + 945b d e )x
--R
--R
                    2 3 3 4 2 2
      (1800a b e + 7200a b d e + 5400a b d e + 720b d e)x
--R
--R
```

```
4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 6
--R
       (1050a b e + 8400a b d e + 12600a b d e + 4200a b d e + 210b d )x
--R
--R
               4
--R
                              3 2 2 2 2 3 3
           5 4
                       3
--R
       (252a e + 5040a b d e + 15120a b d e + 10080a b d e + 1260a b d )x
--R
           5 3 4 2 2 3 2 3 2 3 4 4
--R
--R
       (1260a d e + 9450a b d e + 12600a b d e + 3150a b d )x
--R
--R
           5 2 2
                   4 3
                               3 2 4 3
                                            5 3
--R
       (2520a d e + 8400a b d e + 4200a b d )x + (2520a d e + 3150a b d )x
--R
--R
          5 4
--R
       1260a d x
--R /
--R
      1260
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 348
--S 349 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
             949 84 9 38
--R
          - 126b e x + (- 574a b e - 560b d e )x
--R
--R
--R
                274 8 3 9227
--R
          (- 1001a b e - 2590a b d e - 945b d e )x
--R
                                     8 2 2 9 3 6
--R
                3 6 4
                       273
--R
          (-799a b e - 4610a b d e - 4455a b d e - 720b d e)x
--R
                                    2722 83 945
                454 36 3
--R
--R
          (- 251a b e - 3790a b d e - 8145a b d e - 3480a b d e - 210b d )x
--R
--R
             5 4 4
                     4 5 3
                                 3 6 2 2
                                             2 7 3
--R
          (- a b e - 1250a b d e - 6975a b d e - 6600a b d e - 1050a b d )x
--R
--R
            6 3 4
                   5 4 3
                              4 5 2 2
                                          3 6 3
--R
          (a b e - 10a b d e - 2475a b d e - 6000a b d e - 2100a b d )x
--R
--R
             7 2 4
                    633 5422 453
                                                   3 6 4 2
--R
          (- a b e + 10a b d e - 45a b d e - 2400a b d e - 2100a b d )x
--R
--R
                   7 2 3
                             6 3 2 2
                                       5 4 3 4 5 4 9 4
--R
          (a b e - 10a b d e + 45a b d e - 120a b d e - 1050a b d )x - a e
--R
           8 3 7222 633 544
--R
--R
          10a b d e - 45a b d e + 120a b d e - 210a b d
```

```
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
          10 4 10 9 4
                             10 3 9
--R
--R
      126b ex + (700a b e + 560b d e )x
--R
           2 8 4 9 3 10 2 2 8
--R
       (1575a b e + 3150a b d e + 945b d e )x
--R
--R
                                           10 3 7
--R
           3 7 4
                    283
                                  9 2 2
--R
       (1800a b e + 7200a b d e + 5400a b d e + 720b d e)x
--R
--R
                 3 7 3
           464
                              2822
                                          9 3
                                                     10 4 6
--R
       (1050a b e + 8400a b d e + 12600a b d e + 4200a b d e + 210b d )x
--R
--R
          5 5 4
                  4 6 3
                             3 7 2 2 2 8 3
                                                        945
--R
       (252a b e + 5040a b d e + 15120a b d e + 10080a b d e + 1260a b d )x
--R
--R
           5 5 3 4 6 2 2
                                  3 7 3
--R
       (1260a b d e + 9450a b d e + 12600a b d e + 3150a b d )x
--R
--R
            5 5 2 2 4 6 3 3 7 4 3
--R
       (2520a b d e + 8400a b d e + 4200a b d )x
--R
            5 5 3 4 6 4 2 5 5 4
--R
--R
       (2520a b d e + 3150a b d)x + 1260a b dx
--R /
--R
--R
      1260b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 349
--S 350 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
          549 44 5 38 234 4 3 5227
--R
--R
          bex + (5a be + 4b de)x + (10a be + 20a b de + 6b de)x
--R
--R
            3 2 4 2 3 3 4 2 2 5 3
--R
          (10a b e + 40a b d e + 30a b d e + 4b d e)x
--R
--R
                    323
                             2 3 2 2
                                       43 54 5
--R
          (5a b e + 40a b d e + 60a b d e + 20a b d e + b d )x
--R
           5 4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 4
--R
--R
          (a e + 20a b d e + 60a b d e + 40a b d e + 5a b d )x
```

```
--R
           5 3 4 2 2 3 2 3 2 3 4 3
--R
--R
         (4a d e + 30a b d e + 40a b d e + 10a b d )x
--R
           5 2 2 4 3 3 2 4 2 5 3 4 4 5 4
--R
--R
         (6a d e + 20a b d e + 10a b d )x + (4a d e + 5a b d )x + a d
--R
--R
         1 2 2 2
--R
--R
        --R
                 5 4
--R
         6 4 10
                         6 3 9
       - b e x + (- 6a b e - 4b d e )x
--R
--R
--R
          2 4 4 5 3 6 2 2 8
--R
       (- 15a b e - 24a b d e - 6b d e )x
--R
--R
          3 3 4 2 4 3 5 2 2 6 3 7
--R
       (- 20a b e - 60a b d e - 36a b d e - 4b d e)x
--R
--R
          4 2 4
                 3 3 3
                            2 4 2 2
                                     5 3 6 4 6
--R
       (- 15a b e - 80a b d e - 90a b d e - 24a b d e - b d )x
--R
--R
         5 4 4 2 3 3 3 3 2 2 2 4 3 5 4 5
--R
       (- 6a b e - 60a b d e - 120a b d e - 60a b d e - 6a b d )x
--R
               5 3 4222 333
--R
--R
       (-ae - 24abde - 90abde - 80abde - 15abd)x
--R
--R.
          6 3 5 2 2 4 2 3 3 3 4 3
--R
       (-4ade - 36abde - 60abde - 20abd)x
--R
--R
           6 2 2 5 3
                          4 2 4 2
                                      6 3
--R
      (- 6a d e - 24a b d e - 15a b d )x + (- 4a d e - 6a b d )x - a d
--R /
--R
      1 2 2 2
--R
--R
      --R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 350
)clear all
--S 351 of 1618
t0:=(d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R.
--R
--R
   (1)
       437 33 4 2 6 2 2 3 3 2 4 2 5
--R
--R
       b e x + (4a b e + 3b d e )x + (6a b e + 12a b d e + 3b d e)x
```

```
--R
         3 3 2 2 2 3 2 4 3 4
--R
--R
       (4a b e + 18a b d e + 12a b d e + b d )x
--R
        43 3 2 222 3333
--R
--R
       (a e + 12a b d e + 18a b d e + 4a b d )x
--R
--R
          4 2 3 2
                          2 2 3 2
                                     4 2
       (3a d e + 12a b d e + 6a b d)x + (3a d e + 4a b d)x + a d
--R
--R *
--R
       1 2 2
--R
--R
      --R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 351
--S 352 of 1618
\texttt{r0:=1/72*(b*d-a*e)^3*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b^4+\_}
  1/24*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b^2+_
  1/9*(a+b*x)*(d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b+_
  1/84*e*(b*d-a*e)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(7/2)/b^4
--R
--R
--R (2)
           8 3 8 7 3 8 2 7
--R
        56b e x + (259a b e + 189b d e )x
--R
--R
--R
             263 7 2 82 6
--R
         (461a b e + 891a b d e + 216b d e)x
--R
--R
             3 5 3
                     262
                                   7 2 8 3 5
--R
         (379a b e + 1629a b d e + 1044a b d e + 84b d)x
--R
             4 4 3 3 5 2 2 6 2 7 3 4
--R
--R
         (125a b e + 1395a b d e + 1980a b d e + 420a b d )x
--R
--R
          5 3 3
                  4 4 2
                               3 5 2
                                       2633
--R
         (a b e + 495a b d e + 1800a b d e + 840a b d )x
--R
--R
           6 2 3
                  532
                              4 4 2
--R
         (- a b e + 9a b d e + 720a b d e + 840a b d )x
--R
--R.
          7 3 6 2 2 5 3 2 4 4 3 8 3 7
--R
         (a b e - 9a b d e + 36a b d e + 420a b d )x - a e + 9a b d e
--R
--R
             6 2 2 5 3 3
--R
         - 36a b d e + 84a b d
--R
--R
        +----+
--R
        | 2 2
```

```
--R \|b x + 2a b x + a
--R /
--R
       4
--R
    504b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 352
--S 353 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
         5 3 9 4 3 5 2 8
--R
--R
       56b e x + (315a b e + 189b d e)x
--R
--R
          2 3 3
                     4 2
                               527
--R
       (720a b e + 1080a b d e + 216b d e)x
--R
--R
          3 2 3 2 4 2 5 3 6
--R
       (840a b e + 2520a b d e + 1260a b d e + 84b d )x
--R
--R
          4 3 3 2 2 2 3 2 4 3 5
--R
       (504a b e + 3024a b d e + 3024a b d e + 504a b d )x
--R
--R
               4 2 3 2 2
          5 3
                                          2 3 3 4
--R
       (126a e + 1890a b d e + 3780a b d e + 1260a b d )x
--R
--R
           5 2 4 2 3 2 3 3 5 2 4 3 2
--R
       (504a d e + 2520a b d e + 1680a b d )x + (756a d e + 1260a b d )x
--R
--R
          5 3
--R
      504a d x
--R /
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 353
--S 354 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
             8 3 8
                      7 3
                                 8 2 7
--R
          -56b e x + (-259a b e - 189b d e)x
--R
--R
                2 6 3
                       7 2
                                   8 2 6
--R
          (- 461a b e - 891a b d e - 216b d e)x
--R
                353 262 72 835
--R
           (-379a b e - 1629a b d e - 1044a b d e - 84b d)x
--R
```

```
--R
               4 4 3 3 5 2 2 6 2 7 3 4
--R
--R
         (- 125a b e - 1395a b d e - 1980a b d e - 420a b d )x
--R
             5 3 3 4 4 2 3 5 2 2 6 3 3
--R
--R
          (-abe - 495abde - 1800abde - 840abd)x
--R
--R
           623 53 2
                            4 4 2
                                      3532
         (a b e - 9a b d e - 720a b d e - 840a b d )x
--R
--R
--R
            7 3 62 2
                             5 3 2 4 4 3 8 3 7
--R
         (-abe + 9abde - 36abde - 420abd)x + ae - 9abde
--R
           6 2 2
--R
                   5 3 3
         36a b d e - 84a b d
--R
--R
--R
         +----+
--R
         | 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
        939 83 928
--R
       56b e x + (315a b e + 189b d e)x
--R
           273 8 2 92 7
--R
--R
       (720a b e + 1080a b d e + 216b d e)x
--R
           3 6 3 2 7 2 8 2 9 3 6
--R
--R
       (840a b e + 2520a b d e + 1260a b d e + 84b d )x
--R
--R
           453 362 272 835
--R
       (504a b e + 3024a b d e + 3024a b d e + 504a b d )x
--R
--R
                   4 5 2
                               3 6 2
                                         2734
--R
       (126a b e + 1890a b d e + 3780a b d e + 1260a b d )x
--R
          5 4 2 4 5 2 3 6 3 3 5 4 2
                                                   4532
--R
--R
      (504a b d e + 2520a b d e + 1680a b d )x + (756a b d e + 1260a b d )x
--R
         5 4 3
--R
--R
      504a b d x
--R /
--R
--R
     504b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 354
--S 355 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R (5)
                              5 3 8 4 3 5 2 7 2 3 3 4 2 5 2 6
--R
--R
                            bex + (5abe + 3bde)x + (10abe + 15abde + 3bde)x
--R
                                   3 2 3 2 4 2 5 3 5
--R
--R
                            (10a b e + 30a b d e + 15a b d e + b d )x
--R
--R
                                  4 3 32 2
                                                                                 2 3 2
                            (5a b e + 30a b d e + 30a b d e + 5a b d )x
--R
--R
                               5 3 4 2 3 2 2
--R
                                                                                                     2 3 3 3
--R
                            (a e + 15a b d e + 30a b d e + 10a b d )x
--R
                                 5 2
                                                      4 2
                                                                                                                                4 3 53
--R
                                                                               3 2 3 2 5 2
                           (3a d e + 15a b d e + 10a b d )x + (3a d e + 5a b d )x + a d
--R
--R
--R
--R
                          | 2 2
--R
                       \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                         639 53 6 2 8 2 4 3 5 2 6 2 7
                    - b e x + (- 6a b e - 3b d e )x + (- 15a b e - 18a b d e - 3b d e)x
--R
--R
--R
                              3 3 3 2 4 2 5 2 6 3 6
--R
                    (- 20a b e - 45a b d e - 18a b d e - b d )x
--R
--R
                                 4 2 3 3 3 2 2 4 2
--R
                    (- 15a b e - 60a b d e - 45a b d e - 6a b d )x
--R
--R
                             5 3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4
--R
                    (- 6a b e - 45a b d e - 60a b d e - 15a b d )x
--R
--R
                            6 3
                                            5 2
                                                                        4 2 2
                                                                                                3 3 3 3
--R
                    (-ae - 18abde - 45abde - 20abd)x
--R
                            6 2 5 2 4 2 3 2 6 2 5 3
--R
--R
                    (- 3a d e - 18a b d e - 15a b d )x + (- 3a d e - 6a b d )x - a d
--R /
                  +----+
--R
                   | 2 2 2
--R
--R
                \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 355
)clear all
--S 356 of 1618
t0:=(d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
```

```
--R
       4 2 6 3 2 4 5 2 2 2 3 4 2 4
--R
--R
       b e x + (4a b e + 2b d e)x + (6a b e + 8a b d e + b d )x
--R
         3 2 2 2 3 2 3 4 2 3 2 2 2 2
--R
--R
      (4a b e + 12a b d e + 4a b d )x + (a e + 8a b d e + 6a b d )x
--R
--R
               3 2
                        4 2
       (2a d e + 4a b d )x + a d
--R
--R *
--R
       1 2 2
--R
      --R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 356
--S 357 of 1618
r0:=1/24*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b^3+_
  1/8*(a+b*x)*(d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b+_
  1/28*e*(b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(7/2)/b^3
--R
--R
    (2)
--R
          7 2 7 6 2 7 6 2 5 2 6 7 2 5
--R
         21b e x + (99a b e + 48b d e)x + (181a b e + 232a b d e + 28b d )x
--R
--R
             3 4 2 2 5
                                 6 2 4
--R
         (155a b e + 440a b d e + 140a b d )x
--R
            4 3 2 3 4 2 5 2 3
--R
--R
         (55a b e + 400a b d e + 280a b d )x
--R
--R
          5 2 2
                  4 3
--R
        (a b e + 160a b d e + 280a b d )x
--R
                             4 3 2 7 2 6 5 2 2
           6 2 52
--R
--R
        (- a b e + 8a b d e + 140a b d )x + a e - 8a b d e + 28a b d
--R
--R
        +----+
        1 2 2
--R
--R
       --R /
--R
         3
--R
      168b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 357
--S 358 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
    (3)
--R
         5 2 8 4 2 5 7 2 3 2 4 5 2 6
--R
--R
       21b e x + (120a b e + 48b d e)x + (280a b e + 280a b d e + 28b d )x
--R
                   2 3
--R
           3 2 2
                                425
--R
       (336a b e + 672a b d e + 168a b d )x
--R
          4 2 3 2
--R
                              2 3 2 4
--R
       (210a b e + 840a b d e + 420a b d )x
--R
        5 2 4
                          3 2 2 3
--R
                                      5
                                               4 2 2
      (56a e + 560a b d e + 560a b d)x + (168a d e + 420a b d)x + 168a d x
--R
--R /
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 358
--S 359 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
             7 2 7 6 2 7 6
          - 21b e x + (- 99a b e - 48b d e)x
--R
--R
                      6
--R
                2 5 2
--R
          (- 181a b e - 232a b d e - 28b d )x
--R
                3 4 2 2 5 6 2 4
--R
--R
           (-155a b e - 440a b d e - 140a b d)x
--R
--R
               4 3 2
                        3 4
                                  2523
--R
          (- 55a b e - 400a b d e - 280a b d )x
--R
             5 2 2
--R
                     4 3
                                3 4 2 2
--R
          (- a b e - 160a b d e - 280a b d )x
--R
           6 2 5 2
                             4 3 2 7 2
--R
                                           6
--R
          (a b e - 8a b d e - 140a b d )x - a e + 8a b d e - 28a b d
--R
--R
--R
          | 2 2
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
                           8 7 262
--R
         8 2 8
                 7 2
                                                  7
--R
       21b e x + (120a b e + 48b d e)x + (280a b e + 280a b d e + 28b d)x
--R
          3 5 2 2 6 7 2 5
--R
--R
        (336a b e + 672a b d e + 168a b d)x
```

```
--R
                          4 4 2 3 5 2 6 2 4
--R
--R
                     (210a b e + 840a b d e + 420a b d )x
--R
                            5 3 2 4 4 3 5 2 3 5 3 4 4 2 2
--R
--R
                  (56a b e + 560a b d e + 560a b d )x + (168a b d e + 420a b d )x
--R
--R
                            5 3 2
--R
                   168a b d x
--R /
--R
                      3
--R
                 168b
--R
                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 359
--S 360 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
                              5 2 7 4 2 5 6 2 3 2 4 5 2 5
--R
--R
                            b e x + (5a b e + 2b d e)x + (10a b e + 10a b d e + b d )x
--R
                                   3 2 2 2 3 4 2 4
--R
--R
                               (10a b e + 20a b d e + 5a b d)x
--R
                                   4 2 3 2 2 3 2 3 5 2 4 3 2 2 2
--R
--R
                              (5a b e + 20a b d e + 10a b d )x + (a e + 10a b d e + 10a b d )x
--R
                                  5 4 2 5 2
--R
--R
                             (2a d e + 5a b d )x + a d
--R
--R
                            +----+
                            | 2 2 2
--R
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                          6 2 8 5 2 6 7 2 4 2 5
--R
                     - b e x + (- 6a b e - 2b d e)x + (- 15a b e - 12a b d e - b d )x
--R
--R
--R
                                3 3 2
                                                        2 4
                                                                                     5 2 5
--R
                     (- 20a b e - 30a b d e - 6a b d )x
--R
--R.
                                4 2 2 3 3 2 4 2 4
                     (- 15a b e - 40a b d e - 15a b d )x
--R.
--R
                                                                               3 3 2 3 6 2 5
--R
                              5 2
                                                     4 2
                     (- 6a b e - 30a b d e - 20a b d )x + (- a e - 12a b d e - 15a b d )x
--R
--R
                             6 5 2 6 2
--R
--R
                     (-2a d e - 6a b d)x - a d
```

```
--R /
--R
      | 2 2 2
--R
--R
     \|b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 360
)clear all
--S 361 of 1618
t0:=(d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
       4 5 3 4 4 2 2 3 3 3 2 2 2
--R
       b e x + (4a b e + b d)x + (6a b e + 4a b d)x + (4a b e + 6a b d)x
--R
--R
        4 3
       (a e + 4a b d)x + a d
--R
--R *
      +----+
--R
      | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 361
--S 362 of 1618
r0:=1/6*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b^2+_
  1/7*e*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(7/2)/b^2
--R
--R
--R (2)
         6 6 5
--R
                         6 5
                                  2 4
--R
        6b e x + (29a b e + 7b d)x + (55a b e + 35a b d)x
--R
           3 3 2 4 3 4 2 3 3 2 5 4 2
--R
--R
        (50a b e + 70a b d)x + (20a b e + 70a b d)x + (a b e + 35a b d)x
--R
          6 5
--R
--R
        - a e + 7a b d
--R
--R
        +----+
--R.
        1 2 2
--R
       --R /
--R
--R
      42b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 362
```

```
--S 363 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
       5 7 4 5 6 23 4 5
--R
--R
       6b e x + (35a b e + 7b d)x + (84a b e + 42a b d)x
--R
          3 2 2 3 4 4 3 2 3 5 4
--R
      (105a b e + 105a b d)x + (70a b e + 140a b d)x + (21a e + 105a b d)x
--R
--R
--R
         5
      42a d x
--R
--R /
--R
      42
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 363
--S 364 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
            6 6 5 6 5 2 4 5 4
          - 6b e x + (-29a b e - 7b d)x + (-55a b e - 35a b d)x
--R
--R
                    2 4 3 4 2
--R
--R
          (-50a b e - 70a b d)x + (-20a b e - 70a b d)x
--R
             5 42 6 5
--R
          (- a b e - 35a b d)x + a e - 7a b d
--R
--R
--R
          +----+
         | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
        7 7
--R
                6
                        7 6
                                 2 5
--R
       6b e x + (35a b e + 7b d)x + (84a b e + 42a b d)x
--R
                             4 3 3 4 3 5 2
--R
                  254
       (105a b e + 105a b d)x + (70a b e + 140a b d)x + (21a b e + 105a b d)x
--R
--R
--R
        5 2
--R
       42a b d x
--R /
--R
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 364
```

```
--S 365 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
         5 6 4 5 5 2 3 4 4
--R
--R
         b e x + (5a b e + b d)x + (10a b e + 5a b d)x
--R
           3 2 2 3 3 4 3 2 2 5 4
--R
         (10a b e + 10a b d)x + (5a b e + 10a b d)x + (a e + 5a b d)x + a d
--R
--R
         +----+
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                5
--R
        6 7
                       6 6 2 4 5 5
      - b e x + (-6a b e - b d)x + (-15a b e - 6a b d)x
--R
--R
--R
          3 3 2 4 4
                             4 2 3 3 3
      (-20a b e - 15a b d)x + (-15a b e - 20a b d)x
--R
--R
--R
         5 422 6 5 6
--R
       (-6abe-15abd)x + (-ae-6abd)x - ad
--R /
--R
      | 2 2 2
--R
--R
     --R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 365
)clear all
--S 366 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
        4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 366
--S 367 of 1618
r0:=1/6*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/b
--R
--R
--R (2)
--R
    5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a)\|b x + 2a b x + a
```

```
--R
                              6b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 367
--S 368 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
       5 6 4 5 2 3 4 3 2 3 4 2 5
--R
--R
      b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a x
--R (3) ------
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 368
--S 369 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
        (- b x - 5a b x - 10a b x - 10a b x - 5a b x - a)
--R
--R
--R
         1 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
      6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
--R
      b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x
--R /
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 369
--S 370 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5)
--R
--R
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2
--R
--R.
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \ b x + 2a b x + a
--R.
        6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R
--R /
--R
      +----+
      | 2 2 2
--R
--R
     \|b x + 2a b x + a
```

```
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 370
)clear all
--S 371 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)
--R
--R
--R
                                         4 | 2 2 2
--R
          4 4
                  3 3 2 2 2 3
         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
                                 ex+d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 371
--S 372 of 1618
r0:=1/3*(b*d-a*e)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^3-1/4*(b*d-a*e)*_
  (a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^2+1/5*(a^2+2*a*b*x+b^2*_1)^2
  x^2)^(5/2)/e+(b*d-a*e)^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5-1/2*_
  (b*d-a*e)^3*(a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^4-(b*d-a*e)^5*_
  log(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x))
--R
--R
     (2)
--R
--R
                     4
                             4 3 2 2 3 2 3 3 2
--R
              60a e - 300a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 300a b d e
--R
--R
                  5 5
              - 60b d
--R
--R
--R
            log(e x + d)
--R
--R
            5 5 5
                        4 5
                               5 4 4
          12b e x + (75a b e - 15b d e)x
--R
--R
                       4 4
--R
               2 3 5
                                   5 2 3 3
--R
          (200a b e - 100a b d e + 20b d e )x
--R
--R
              3 2 5
                        234
                                      4 2 3
                                                 5 3 2 2
          (300a b e - 300a b d e + 150a b d e - 30b d e)x
--R
--R.
--R
                      3 2 4
                                   2 3 2 3
                                                  4 3 2
          (300a b e - 600a b d e + 600a b d e - 300a b d e + 60b d e)x
--R
--R
--R
              5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
          137a e - 385a b d e + 470a b d e - 270a b d e + 60a b d e
--R
--R
         +----+
```

```
| 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R /
--R
         6
--R
      60b e x + 60a e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 372
--S 373 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
              5 5 4
                           4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
            60a e - 300a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 300a b d e
--R
--R
               5 5
            - 60b d
--R
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
         555 45 5 4 4
--R
      12b e x + (75a b e - 15b d e )x
--R
--R
                   4 4 5233
            2 3 5
--R
      (200a b e - 100a b d e + 20b d e )x
--R
            3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
       (300a b e - 300a b d e + 150a b d e - 30b d e )x
--R
                                            4 3 2 5 4
--R
            4 5 3 2 4 2 3 2 3
--R
       (300a b e - 600a b d e + 600a b d e - 300a b d e + 60b d e)x
--R /
--R
--R
      60e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 373
--S 374 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R.
    (4)
--R
                 5 5 4
                              4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
              - 60a e + 300a b d e - 600a b d e + 600a b d e - 300a b d e
--R
--R
--R
               5 5
--R
              60b d
--R
             log(e x + d)
--R
```

```
--R
            5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
          -12b e x + (-75a b e + 15b d e)x
--R
               2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
          (- 200a b e + 100a b d e - 20b d e )x
--R
--R
               3 2 5
                       234
                                   4 2 3
                                            5 3 2 2
          (- 300a b e + 300a b d e - 150a b d e + 30b d e )x
--R
--R
              4 5 3 2 4
                                  2 3 2 3 4 3 2
--R
--R
          (-300a b e + 600a b d e - 600a b d e + 300a b d e - 60b d e)x
--R
--R
              5 5 4 4
                               3 2 2 3 2 3 3 2
--R
          - 137a e + 385a b d e - 470a b d e + 270a b d e - 60a b d e
--R
--R
--R
         | 2 2
--R
         --R
              5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
             60a b e - 300a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 300a b d e
--R
--R
--R
              6 5
--R
             - 60b d
--R
--R
           X
--R
           65 5 4 4223 3332 244
--R
--R
          60a e - 300a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 300a b d e
--R
--R
              5 5
--R
          - 60a b d
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
         6 5 6 5 5 6 4 5
--R
       12b e x + (87a b e - 15b d e )x
--R
--R
           2 4 5
                  5 4
                            6234
--R
       (275a b e - 115a b d e + 20b d e )x
--R
--R.
          3 3 5
                  2 4 4 5 2 3
                                       6 3 2 3
--R
       (500a b e - 400a b d e + 170a b d e - 30b d e )x
--R
--R
          4 2 5
                  3 3 4
                            2 4 2 3
                                       5 3 2 6 4 2
--R
       (600a b e - 900a b d e + 750a b d e - 330a b d e + 60b d e)x
--R
          5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
--R
       (300a b e - 600a b d e + 600a b d e - 300a b d e + 60a b d e)x
```

```
--R /
        6 6
--R
--R
      60b e x + 60a e
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 374
--S 375 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
     (5)
--R
          5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2
--R
--R
         (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
--R
          66 55 244
                                    3 3 3
                                              422 5 6
--R
        - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
--R
--R
               1 2 2
--R
       (e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 375
)clear all
--S 376 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^2
--R
--R
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
                             2 2
--R
                                          2
--R
                             e x + 2d e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 376
--S 377 of 1618
r0:=-5/3*b*(b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^3+5/4*b*(a+b*x)*_
  (a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^2-(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/_
  (e*(d+e*x))-5*b*(b*d-a*e)^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5+5/2*_
  b*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^4+5*b*_
  (b*d-a*e)^4*log(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x))
--R
--R
--R
    (2)
                 4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
--R
              (60a b e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60b d e)x
```

```
--R
           4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
          60a b d e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60b d
--R
--R
          log(e x + d)
--R
         555 45 544 235 44 5233
--R
--R
       3b e x + (20a b e - 5b d e )x + (60a b e - 40a b d e + 10b d e )x
--R
           3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
        (120a b e - 180a b d e + 120a b d e - 30b d e )x
--R
          4 5
                3 2 4
                            2 3 2 3
                                        4 3 2 5 4
                                                         5 5
--R
--R
        (65a b e - 20a b d e - 150a b d e + 180a b d e - 60b d e)x - 12a e
--R
--R
          4
              4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R.
        125a b d e - 260a b d e + 210a b d e - 60a b d e
--R
--R
       +----+
--R
       1 2 2
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R /
--R
        7 2 7 6 6
--R
     12b e x + (12a e + 12b d e)x + 12a d e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 377
--S 378 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
            4 5 3 2 4 2 3 2 3
                                          4 3 2 5 4
--R
--R
         (60a b e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60b d e)x
--R
           4 4 3223 2332
--R
                                           44 55
--R
         60a b d e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60b d
--R
--R
        log(e x + d)
--R
        5 5 5 4 5
                       5 4 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
       3b e x + (20a b e - 5b d e)x + (60a b e - 40a b d e + 10b d e)x
--R
--R
--R.
          3 2 5 2 3 4 4 2 3
                                      5 3 2 2
--R
       (120a b e - 180a b d e + 120a b d e - 30b d e )x
--R
         3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
--R
       (120a b d e - 240a b d e + 180a b d e - 48b d e)x - 12a e
--R
--R
       4 4 3 2 2 3
                           2 3 3 2 4 4 5 5
```

```
--R
       60a b d e - 120a b d e + 120a b d e - 60a b d e + 12b d
--R /
       7 6
--R
--R
    12e x + 12d e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 378
--S 379 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                 4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
--R
             (- 60a b e + 240a b d e - 360a b d e + 240a b d e - 60b d e)x
--R
                4 4 3 2 2 3
--R
                                     2 3 3 2
                                                  4 4
--R
             - 60a b d e + 240a b d e - 360a b d e + 240a b d e - 60b d
--R
--R
           log(e x + d)
--R
--R
            5 5 5
                     45 5 4 4
          -3b e x + (-20a b e + 5b d e)x
--R
--R
--R
               2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
           (- 60a b e + 40a b d e - 10b d e )x
--R
--R
               3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
          (- 120a b e + 180a b d e - 120a b d e + 30b d e )x
--R
--R
              4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
          (-65a b e + 20a b d e + 150a b d e - 180a b d e + 60b d e)x
--R
            5 5 4 4
                              3 2 2 3
                                         2 3 3 2
--R
--R
          12a e - 125a b d e + 260a b d e - 210a b d e + 60a b d e
--R
--R
          | 2 2 2
--R
--R
         --R
--R
             4 2 5 3 3 4
                               2 4 2 3 5 3 2 6 4 2
--R
          (60a b e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60b d e)x
--R
--R
               5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
              60a b e - 180a b d e + 120a b d e + 120a b d e - 180a b d e
--R
--R
               6 5
--R
            60b d
--R
--R
           x
--R
```

```
5 4 4223 3332 244 55
--R
--R
          60a b d e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60a b d
--R
--R
         log(e x + d)
--R
         656 55 6 4 5 2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
--R
      3b e x + (23a b e - 5b d e) x + (80a b e - 45a b d e + 10b d e) x
--R
          3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
--R
       (180a b e - 220a b d e + 130a b d e - 30b d e )x
--R
--R
          4 2 5
                  3 3 4
                            2 4 2 3
                                        5 3 2
                                                 6 4 2
--R
       (120a b e - 60a b d e - 120a b d e + 150a b d e - 48b d e)x
--R
--R
            5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
          - 12a b e + 180a b d e - 360a b d e + 300a b d e - 108a b d e
--R
--R
           6 5
--R
         12b d
--R
--R
--R
--R
          65 5 4 4223 3332 244 55
--R
       - 12a e + 60a b d e - 120a b d e + 120a b d e - 60a b d e + 12a b d
--R /
        7 2 7 6 6
--R
--R
      12b e x + (12a e + 12b d e)x + 12a d e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 379
--S 380 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
               5 5
                                       4 2 2 5
--R
                      2 4 4
                               3 3 3
--R
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
--R.
                     +----+
                  2 | 2 2 2
--R.
      2 2
--R
     (e x + 2d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 380
```

)clear all

```
--S 381 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^3
--R
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R (1) -----
                     3 3 2 2 2 3
--R
--R
                     e x + 3d e x + 3d e x + d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 381
--S 382 of 1618
r0:=10/3*b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^3-5/2*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2)(3/2)/(e^2*(d+e*x))-1/2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)(5/2)/_
  (e*(d+e*x)^2)+10*b^2*(b*d-a*e)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5-_
  5*b^2*(b*d-a*e)*(a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^4-10*b^2*_
  (b*d-a*e)^3*log(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x))
--R
--R
--R
    (2)
--R
              3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
            (60a b e - 180a b d e + 180a b d e - 60b d e )x
--R
                3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4 3 2 2 3
--R
--R
            (120a b d e - 360a b d e + 360a b d e - 120b d e)x + 60a b d e
--R
--R
                 2 3 3 2 4 4
                                   5 5
--R
            - 180a b d e + 180a b d e - 60b d
--R
--R
          log(e x + d)
--R
          5 5 5 4 5 5 4 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
         2b e x + (15a b e - 5b d e)x + (60a b e - 60a b d e + 20b d e)x
--R
                                4 2 3 5 3 2 2
--R
           3 2 5 2 3 4
--R
         (20a b e + 120a b d e - 210a b d e + 90b d e )x
--R
--R
             4 5
                     3 2 4
                                2 3 2 3
                                            4 3 2
--R
         (- 30a b e + 160a b d e - 120a b d e - 60a b d e + 60b d e)x
--R
--R.
           5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
         - 3a e - 15a b d e + 110a b d e - 150a b d e + 60a b d e
--R
--R
        +----+
        | 2 2 2
--R
       --R
--R /
--R
         8 3 8 7 2 7 2 6 2 6
```

```
--R
     6b e x + (6a e + 12b d e )x + (12a d e + 6b d e )x + 6a d e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 382
--S 383 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
              3 2 5 2 3 4
--R
                                    4 2 3 5 3 2 2
--R
           (60a b e - 180a b d e + 180a b d e - 60b d e )x
--R
               3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
                                               5 4
--R
                                                          3 2 2 3
--R
           (120a b d e - 360a b d e + 360a b d e - 120b d e)x + 60a b d e
--R
--R
                2 3 3 2
                            4 4
                                    5 5
--R
           - 180a b d e + 180a b d e - 60b d
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
         555 45 5 4 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
        2b e x + (15a b e - 5b d e)x + (60a b e - 60a b d e + 20b d e)x
--R
--R
            2\ 3\ 4 \qquad 4\ 2\ 3 \qquad 5\ 3\ 2\ 2
--R
        (120a b d e - 165a b d e + 63b d e )x
--R
--R
             4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4 5 5
--R
        (- 30a b e + 120a b d e - 120a b d e + 30a b d e + 6b d e)x - 3a e
--R
           4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R.
--R
        - 15a b d e + 90a b d e - 150a b d e + 105a b d e - 27b d
--R /
              7
--R
       8 2
                     2 6
--R
      6e x + 12d e x + 6d e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 383
--S 384 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                   3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
               (- 60a b e + 180a b d e - 180a b d e + 60b d e )x
--R.
--R
--R
                    3 2 4 2 3 2 3
                                            4 3 2
--R
               (- 120a b d e + 360a b d e - 360a b d e + 120b d e)x
--R
                  3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
               - 60a b d e + 180a b d e - 180a b d e + 60b d
```

```
--R
--R
            log(e x + d)
--R
                       45 5 4 4
--R
             5 5 5
          -2b e x + (-15a b e + 5b d e)x
--R
--R
--R
               2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
          (- 60a b e + 60a b d e - 20b d e )x
--R
--R
              3 2 5
                       234
                                    4 2 3
                                             5 3 2 2
          (- 20a b e - 120a b d e + 210a b d e - 90b d e )x
--R
--R
                     3 2 4
                                             4 3 2
--R
                                 2 3 2 3
--R
           (30a b e - 160a b d e + 120a b d e + 60a b d e - 60b d e)x
--R
                  4 4
--R
           5 5
                            3 2 2 3 2 3 3 2
--R
          3a e + 15a b d e - 110a b d e + 150a b d e - 60a b d e
--R
--R
          | 2 2 2
--R
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
            3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
          (60a b e - 180a b d e + 180a b d e - 60b d e )x
--R
             4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 2
--R
--R
           (60a b e - 60a b d e - 180a b d e + 300a b d e - 120b d e)x
--R
--R
               4 2 4 3 3 2 3
                                  2 4 3 2
                                             5 4
--R
          (120a b d e - 300a b d e + 180a b d e + 60a b d e - 60b d )x
--R
             4 2 2 3 3 3 3 2 2 4 4 5 5
--R
--R
           60a b d e - 180a b d e + 180a b d e - 60a b d
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
         656 55 6 4 5 2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
       2b e x + (17a b e - 5b d e)x + (75a b e - 65a b d e + 20b d e)x
--R
--R
          3 3 5 2 4 4
                              5 2 3
--R
        (60a b e + 60a b d e - 145a b d e + 63b d e )x
--R
--R.
           4 2 5
                  3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 2
--R.
        (- 30a b e + 240a b d e - 285a b d e + 93a b d e + 6b d e)x
--R
--R
                      4 2 4 3 3 2 3
                                           2 4 3 2
--R
           - 33a b e + 105a b d e - 30a b d e - 120a b d e + 111a b d e
--R
--R
            6 5
--R
           - 27b d
```

```
--R
--R
        X
--R
         65 5 4 4223 3332 244 55
--R
--R
       - 3a e - 15a b d e + 90a b d e - 150a b d e + 105a b d e - 27a b d
--R /
       8 3 8 7 2
                                     7 26 26
--R
--R
      6b e x + (6a e + 12b d e )x + (12a d e + 6b d e )x + 6a d e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 384
--S 385 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
        (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
--R
         6 6 5 5 2 4 4 3 3 3
                                         4 2 2
                                                5 6
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R
--R /
--R
                              +----+
      3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
      (e x + 3d e x + 3d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 385
)clear all
--S 386 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^4
--R
--R
                                     4 | 2 2 2
         4 4
--R
                3 3 2 2 2 3
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
   (1) -----
--R
                 4 4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
                  ex + 4d ex + 6d ex + 4d ex + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 386
--S 387 of 1618
\verb"r0:=-5/6*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^2*(d+e*x)^2)-_=
  10/3*b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x))-1/3*(a^2+_
  2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^3)-10*b^3*(b*d-a*e)*sqrt(a^2+_
  2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5+5*b^3*(a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^4+_
  10*b^3*(b*d-a*e)^2*log(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x))
```

```
--R
--R
--R (2)
               2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
           (60a b e - 120a b d e + 60b d e )x
--R
               2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
           (180a b d e - 360a b d e + 180b d e )x
--R
--R
               2 3 2 3
                          4 3 2 5 4 2 3 3 2
--R
           (180a b d e - 360a b d e + 180b d e)x + 60a b d e - 120a b d e
--R
             5 5
--R
--R
           60b d
--R
--R
          log(e x + d)
--R
--R
          555 45 544
--R
         3b e x + (30a b e - 15b d e)x
--R
            2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
        (- 20a b e + 160a b d e - 110b d e )x
--R
            3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
        (- 60a b e + 120a b d e + 120a b d e - 150b d e )x
--R
--R
             4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4 5 5
--R
        (- 15a b e - 60a b d e + 210a b d e - 60a b d e - 60b d e)x - 2a e
--R
--R
           4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
         - 5a b d e - 20a b d e + 90a b d e - 60a b d e
--R
--R
        +----+
       | 2 2 2
--R
--R
       --R /
--R
         9 4
                9
                         8 3
                                 8 272
--R
      6b e x + (6a e + 18b d e )x + (18a d e + 18b d e )x
--R
--R
          27 36
--R
       (18a d e + 6b d e)x + 6a d e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 387
--S 388 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
             2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
```

```
--R
          (60a b e - 120a b d e + 60b d e )x
--R
--R
               2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
           (180a b d e - 360a b d e + 180b d e )x
--R
               2 3 2 3
                                   5 4 2 3 3 2 4 4
--R
                          4 3 2
--R
          (180a b d e - 360a b d e + 180b d e)x + 60a b d e - 120a b d e
--R
--R
            5 5
--R
          60b d
--R
--R
         log(e x + d)
--R
         5 5 5 4 5
                          5 4 4 4 4 5 2 3 3
--R
--R
        3b \ e \ x + (30a \ b \ e - 15b \ d \ e ) x + (90a \ b \ d \ e - 63b \ d \ e ) x
--R
--R
           3 2 5 2 3 4 4 2 3
                                         5 3 2 2
--R
       (-60a b e + 180a b d e - 90a b d e - 9b d e )x
--R
           4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4 5 5
--R
--R
       (- 15a b e - 60a b d e + 270a b d e - 270a b d e + 81b d e)x - 2a e
--R
--R
          4 4 3 2 2 3
                              2 3 3 2
                                            4 4
--R
        - 5a b d e - 20a b d e + 110a b d e - 130a b d e + 47b d
--R /
       93 82 27 36
--R
--R
      6e x + 18d e x + 18d e x + 6d e
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 388
--S 389 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                  2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
              (- 60a b e + 120a b d e - 60b d e )x
--R
--R
                   2 3 4 4 2 3
                                        5 3 2 2
--R
              (- 180a b d e + 360a b d e - 180b d e )x
--R
                   2 3 2 3 4 3 2
--R
                                         5 4 2 3 3 2
--R.
              (-180a b d e + 360a b d e - 180b d e)x - 60a b d e
--R
--R
                  4 4 5 5
              120a b d e - 60b d
--R
--R
--R
            log(e x + d)
--R
--R
              5 5 5 4 5 5 4 4
```

```
--R
                           -3b e x + (-30a b e + 15b d e)x
--R
--R
                                 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
                           (20a b e - 160a b d e + 110b d e )x
--R
                                                      234
                                                                                                              5 3 2 2
--R
                                    3 2 5
                                                                                         4 2 3
--R
                           (60a b e - 120a b d e - 120a b d e + 150b d e )x
--R
                                                                                  2 3 2 3 4 3 2 5 4 5 5
--R
                                 4 5 32 4
--R
                           (15a b e + 60a b d e - 210a b d e + 60a b d e + 60b d e)x + 2a e
--R
                                         4
                                                      3 2 2 3
                                                                                2 3 3 2 4 4
--R
                           5a b d e + 20a b d e - 90a b d e + 60a b d e
--R
--R
--R
--R
                          | 2 2
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
--R
                           (60a b e - 120a b d e + 60b d e )x
--R
--R
                                 3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
                           (60a b e + 60a b d e - 300a b d e + 180b d e )x
--R
                                      3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 2
--R
                           (180a b d e - 180a b d e - 180a b d e + 180b d e)x
--R
--R
--R
                                      3 3 2 3 2 4 3 2 5 4 6 5 3 3 3 2
--R
                           (180a b d e - 300a b d e + 60a b d e + 60b d )x + 60a b d e
--R
--R
                                        2 4 4
                                                                5 5
--R
                         - 120a b d e + 60a b d
--R
--R
                       log(e x + d)
--R
                      656 55 6 4 5 2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
--R
                   3b e x + (33a b e - 15b d e)x + (30a b e + 75a b d e - 63b d e)x
--R
                             3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
--R
                   (- 60a b e + 270a b d e - 153a b d e - 9b d e )x
--R
--R
                             4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 2
--R
                   (- 75a b e + 120a b d e + 180a b d e - 279a b d e + 81b d e)x
--R
--R
                                  5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
                           - 17a b e - 65a b d e + 250a b d e - 160a b d e - 49a b d e
--R
--R
                              6 5
--R
                         47b d
--R
```

```
--R
        x
--R
--R
         65 5 4 4223 3332 244 55
--R
        - 2a e - 5a b d e - 20a b d e + 110a b d e - 130a b d e + 47a b d
--R /
--R
                   9
                            8 3
                                        8
                                                272
--R
       6b e x + (6a e + 18b d e )x + (18a d e + 18b d e )x
--R
           2 7 3 6
--R
--R
        (18a d e + 6b d e )x + 6a d e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 389
--S 390 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R.
--R (5)
--R
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
         66 55 244 333
--R
                                          422 5 6
--R
        - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
--R
      4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
--R
      (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 390
)clear all
--S 391 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^5
--R
--R
--R
                                      4 | 2 2 2
                 3 3 2 2 2 3
--R
--R
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
             5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4
--R
--R
             e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 391
--S 392 of 1618
r0:=-5/12*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^2*(d+e*x)^3)-_
  5/6*b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^2)-1/4*(a^2+_
  2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^4)+5*b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
```

```
b^2*x^2)/e^5-5/2*b^3*(a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/_
       (e^4*(d+e*x))-5*b^4*(b*d-a*e)*log(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
      b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x))
--R
--R
             (2)
--R
                                                45 5 4 4 4 4 5 2 3 3
--R
--R
                                    (60a b e - 60b d e )x + (240a b d e - 240b d e )x
--R
--R
                                                  4 2 3
                                                                           5 3 2 2
                                                                                                                      4 3 2
                                                                                                                                                54
--R
                                     (360a \ b \ d \ e \ - \ 360b \ d \ e \ )x \ + \ (240a \ b \ d \ e \ - \ 240b \ d \ e)x \ + \ 60a \ b \ d \ e
--R
--R
                                               5 5
                                    - 60b d
--R
--R
--R
                                log(e x + d)
--R
--R
                                5 5 5
                                                       4 5
                                                                                       5 4 4
--R
                           12b e x + (-65a b e + 125b d e)x
--R
--R
                                        2 3 5 4 4 5 2 3 3
                          (- 120a b e - 20a b d e + 260b d e )x
--R
--R
--R
                                        3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
                          (- 60a b e - 180a b d e + 150a b d e + 210b d e )x
--R
                                        4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
--R
                           (- 20a b e - 40a b d e - 120a b d e + 180a b d e + 60b d e)x
--R
                                  5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R.
--R
                           - 3a e - 5a b d e - 10a b d e - 30a b d e + 60a b d e
--R
--R
                        +----+
                        | 2 2 2
--R
--R
                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                               10 5
                                                           10
                                                                                         9 4
--R
                     12b e x + (12a e + 48b d e )x + (48a d e + 72b d e )x
--R
--R
                                                          372
                                                                                            3 7
--R
                      (72a d e + 48b d e)x + (48a d e + 12b d e)x + 12a d e
--R
                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 392
--S 393 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                              45 5 4 4 4 5 2 3 3
--R
```

```
--R
          (60a b e - 60b d e)x + (240a b d e - 240b d e)x
--R
--R
               4 2 3 5 3 2 2 4 3 2 5 4 4 4
--R
          (360a b d e - 360b d e )x + (240a b d e - 240b d e)x + 60a b d e
--R
--R
              5 5
--R
         - 60b d
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
         5 5 5 5 4 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
       12b e x + 48b d e x + (- 120a b e + 240a b d e - 48b d e )x
--R
--R
--R
           3 2 5 2 3 4
                              4 2 3 5 3 2 2
--R
       (- 60a b e - 180a b d e + 540a b d e - 252b d e )x
--R
--R
           4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4 5 5
       (- 20a b e - 40a b d e - 120a b d e + 440a b d e - 248b d e)x - 3a e
--R.
--R
         4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
       - 5a b d e - 10a b d e - 30a b d e + 125a b d e - 77b d
--R /
--R
       10 4 9 3 2 8 2 3 7
--R
      12e x + 48d e x + 72d e x + 48d e x + 12d e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 393
--S 394 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                    4 5 5 4 4
--R
--R
             (-60a b e + 60b d e)x + (-240a b d e + 240b d e)x
--R
                                            4 3 2 5 4
                    4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
             (-360a b d e + 360b d e)x + (-240a b d e + 240b d e)x
--R
                  4 4 5 5
--R
--R
             - 60a b d e + 60b d
--R
--R
            log(e x + d)
--R
--R
             5 5 5 4 5 5 4 4
--R
          -12b e x + (65a b e - 125b d e)x
--R
              2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
          (120a b e + 20a b d e - 260b d e )x
--R
--R
             3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
```

```
--R
          (60a b e + 180a b d e - 150a b d e - 210b d e )x
--R
--R
            4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
          (20a b e + 40a b d e + 120a b d e - 180a b d e - 60b d e)x
--R
          5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
         3a e + 5a b d e + 10a b d e + 30a b d e - 60a b d e
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        --R
             5 5 6 4 5 2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
--R
         (60a b e - 60b d e )x + (60a b e + 180a b d e - 240b d e )x
--R
--R
            2 4 4
                        5 2 3 6 3 2 3
--R
         (240a b d e + 120a b d e - 360b d e )x
--R
--R
             2 4 2 3 5 3 2
                                 6 4 2
--R
          (360a b d e - 120a b d e - 240b d e)x
--R
              2 4 3 2 5 4 6 5 2 4 4 5 5
--R
          (240a b d e - 180a b d e - 60b d )x + 60a b d e - 60a b d
--R
--R
--R
        log(e x + d)
--R
--R
        656 55 6 4 5
--R
       12b e x + (12a b e + 48b d e)x
--R
           2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
--R
       (- 120a b e + 288a b d e - 48b d e )x
--R
                               5 2 3 6 3 2 3
--R
            3 3 5
                   2 4 4
--R
       (- 180a b e + 60a b d e + 492a b d e - 252b d e )x
--R
                             2 4 2 3 5 3 2 6 4 2
          4 2 5 3 3 4
--R
--R
       (-80a b e - 220a b d e + 420a b d e + 188a b d e - 248b d e)x
--R
--R
            5 5
                    4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
--R
         - 23a b e - 45a b d e - 130a b d e + 410a b d e - 123a b d e
--R
--R
            6 5
--R
         - 77b d
--R
--R
--R
         65 5 4 4223 3332 244 55
--R
       - 3a e - 5a b d e - 10a b d e - 30a b d e + 125a b d e - 77a b d
--R
--R /
--R
         10 5 10 9 4 9 2 8 3
```

```
--R
       12b e x + (12a e + 48b d e )x + (48a d e + 72b d e )x
--R
            28 372 37 46 46
--R
--R
        (72a d e + 48b d e )x + (48a d e + 12b d e )x + 12a d e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 394
--S 395 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
               44 233 322 4 5 2 2
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
--R
--R
         6 6 5 5 2 4 4 3 3 3
                                          4 2 2 5
--R
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
--R
                                                 +----+
      5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
      (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) \ b x + 2a b x + a
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 395
)clear all
--S 396 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^6
--R
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R (1) ------
        6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
        e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 396
--S 397 of 1618
r0:=-1/4*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^2*(d+e*x)^4)-_
  1/3*b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^3)-1/5*(a^2+__
  2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^5)-1/2*b^3*(a+b*x)*sqrt(a^2+_
  2*a*b*x+b^2*x^2/(e^4*(d+e*x)^2)+b^4*(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2/(e^6*(a+b*x)*(d+e*x))+b^5*\log(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2/(e^6*(a+b*x))
--R
--R
--R (2)
```

```
5 5 5 5 4 4 5 2 3 3 5 3 2 2 5 4
--R
            60b e x + 300b d e x + 600b d e x + 600b d e x + 300b d e x
--R
--R
--R
             5 5
           60b d
--R
--R
--R
          log(e x + d)
--R
                   45 5 4 4
--R
           5 5 5
--R
         - 77b e x + (-300a b e - 85b d e)x
--R
--R
             2 3 5
                       4 4
                                5 2 3 3
        (- 300a b e - 600a b d e + 130b d e )x
--R
--R
--R
             3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
        (- 200a b e - 300a b d e - 600a b d e + 330b d e )x
--R
--R
            4 5
                    3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
        (- 75a b e - 100a b d e - 150a b d e - 300a b d e + 240b d e)x
--R
--R
           5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
         - 12a e - 15a b d e - 20a b d e - 30a b d e - 60a b d e + 60b d
--R
--R
--R
--R
        | 2 2 2
       \|b x + 2a b x + a
--R
--R /
--R
          11 6 11 10 5 10 2 9 4
--R
       60b e x + (60a e + 300b d e)x + (300a d e + 600b d e)x
--R.
            2 9 3 8 3 3 8
--R
--R
       (600a d e + 600b d e)x + (600a d e + 300b d e)x
--R
           47 56 56
--R
--R
       (300a d e + 60b d e)x + 60a d e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 397
--S 398 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R.
           5 5 5 5 4 4 5 2 3 3 5 3 2 2 5 4
--R
          60b e x + 300b d e x + 600b d e x + 600b d e x + 300b d e x
--R
--R
           5 5
--R
         60b d
--R
--R
        log(e x + d)
```

```
--R
                         45 5 4 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
                   (- 300a b e + 300b d e )x + (- 300a b e - 600a b d e + 900b d e )x
--R
                                  3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
                   (- 200a b e - 300a b d e - 600a b d e + 1100b d e )x
--R
--R
                                                     3 2 4
                                                                                  2 3 2 3
                                                                                                                  4 3 2
                  (-75a b e - 100a b d e - 150a b d e - 300a b d e + 625b d e)x
--R
--R
--R
                           5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
                   - 12a e - 15a b d e - 20a b d e - 30a b d e - 60a b d e + 137b d
--R
--R /
                    11 5 10 4 2 9 3 3 8 2 4 7 5 6
--R
                60e x + 300d e x + 600d e x + 600d e x + 300d e x + 60d e
--R
--R
                                                                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 398
--S 399 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                          5 5 5 5 4 4 5 2 3 3 5 3 2 2 5 4
--R
                                   - 60b e x - 300b d e x - 600b d e x - 600b d e x
--R
--R
                                           5 5
--R
                                   - 60b d
--R
--R
                                log(e x + d)
--R
                               555 45 544
--R
--R
                           77b e x + (300a b e + 85b d e)x
--R
                                    2 3 5 4 4
--R
                                                                                       5 2 3 3
                           (300a b e + 600a b d e - 130b d e )x
--R
--R
--R
                                     3 2 5 2 3 4
                                                                                            4 2 3
                                                                                                                   5 3 2 2
--R
                            (200a b e + 300a b d e + 600a b d e - 330b d e )x
--R
                                                        3 2 4
--R
                                  4 5
                                                                                    2 3 2 3
                                                                                                                      4 3 2
                           (75a b e + 100a b d e + 150a b d e + 300a b d e - 240b d e)x
--R
--R
--R
                                                 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2
                                                                                                                                     4 4 5 5
--R
                           12a e + 15a b d e + 20a b d e + 30a b d e + 60a b d e - 60b d
--R
--R
                          +----+
--R
                          1 2 2 2
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
```

```
656 55 645 54 6234
--R
          60b e x + (60a b e + 300b d e)x + (300a b d e + 600b d e)x
--R
--R
--R
               5 2 3 6 3 2 3
                                             6 4 2
                                    5 3 2
--R
          (600a b d e + 600b d e )x + (600a b d e + 300b d e)x
--R
               5 4 6 5 5 5
--R
--R
          (300a b d e + 60b d)x + 60a b d
--R
--R
        log(e x + d)
--R
             5 5
                    6 4 5 2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
       (-300a b e + 300b d e)x + (-600a b e - 300a b d e + 900b d e)x
--R
--R
--R
           3 3 5 2 4 4
                                5 2 3 6 3 2 3
--R
       (- 500a b e - 900a b d e + 300a b d e + 1100b d e )x
--R
--R
           4 2 5
                   3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 2
       (- 275a b e - 400a b d e - 750a b d e + 800a b d e + 625b d e)x
--R
--R
                                           2 4 3 2 5 4
--R
                     4 2 4 3 3 2 3
          - 87a b e - 115a b d e - 170a b d e - 330a b d e + 565a b d e
--R
--R
--R
           6 5
--R
         137b d
--R
--R
        X
--R
--R
               5 4 4223 3332 244 55
          6.5
--R
       - 12a e - 15a b d e - 20a b d e - 30a b d e - 60a b d e + 137a b d
--R /
          11 6 11 10 5 10 2 9 4
--R
--R
       60b e x + (60a e + 300b d e)x + (300a d e + 600b d e)x
--R
                             3 8
--R
           2 9
                    383
       (600a d e + 600b d e )x + (600a d e + 300b d e )x
--R
--R
--R
           4 7
                   5 6
                             5 6
--R
       (300a d e + 60b d e)x + 60a d e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 399
--S 400 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
```

```
--R
        66 55 244 333 422 5 6
--R
--R
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
       6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
       (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d)
--R
--R
       | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 400
)clear all
--S 401 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^7
--R
--R
--R (1)
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
     (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
    77 66 255 344 433 522 6 7
--R
    e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x + d
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 401
--S 402 of 1618
r0:=1/6*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^6)
--R
--R
--R (2)
--R
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
      (-b x - 5a b x - 10a b x - 10a b x - 5a b x - a) \ b x + 2a b x + a
--R /
                             6 255 25 344
--R
                 6 6
--R
       (6a e - 6b d e )x + (36a d e - 36b d e )x + (90a d e - 90b d e )x
--R
--R
           3 4 4 3 3 4 3 5 2 2
--R.
       (120a d e - 120b d e )x + (90a d e - 90b d e )x
--R
          5 2 6 6
--R
--R
       (36a d e - 36b d e)x + 6a d e - 6b d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 402
--S 403 of 1618
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
         5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
       - 6b e x + (- 15a b e - 15b d e )x
--R
--R
           2 3 5
                             5 2 3 3
                    4 4
       (- 20a b e - 20a b d e - 20b d e )x
--R
--R
--R
                   2 3 4
                              4 2 3
                                      5 3 2 2
           3 2 5
--R
       (-15a b e -15a b d e -15a b d e -15b d e)x
--R
--R
          4 5
                3 2 4 2 3 2 3
                                    4 3 2 5 4 5 5
--R
       (- 6a b e - 6a b d e - 6a b d e - 6a b d e - 6b d e)x - a e
--R
--R
         4 4 3 2 2 3 2 3 3 2
                                  4 4 5 5
--R
       -abde -abde -abde -abde-bd
--R /
--R
      12 6 11 5 2 10 4 3 9 3 4 8 2 5 7 6 6
--R
      6e x + 36d e x + 90d e x + 120d e x + 90d e x + 36d e x + 6d e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 403
--S 404 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
          5 6 5 4 6 4 2 3 6 3 3 2 6 2 4 6 5 6
--R
--R
         (b e x + 5a b e x + 10a b e x + 10a b e x + 5a b e x + a e )
--R
--R
         +----+
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
           56 6 5 5
                              2 4 6 6 2 4 4
--R
       (-6abe +6bde)x + (-15abe +15bde)x
--R
--R
           3 3 6 6 3 3 3
                               4 2 6
       (- 20a b e + 20b d e )x + (- 15a b e + 15b d e )x
--R
--R
--R.
          5 6 6 5
                         6 6 6 6
--R.
       (- 6a b e + 6b d e)x - a e + b d
--R /
--R
          13
                  12 6
                              12
                                    2 11 5
--R
       (6a e - 6b d e)x + (36a d e - 36b d e)x
--R
          2 11 3 10 4 3 10 4 9 3
--R
--R
       (90a d e - 90b d e)x + (120a d e - 120b d e)x
```

```
--R
        49 582 58 67 67 76
--R
--R
       (90a d e - 90b d e )x + (36a d e - 36b d e )x + 6a d e - 6b d e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 404
--S 405 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \ b x + 2a b x + a
--R
--R
         6 6 5 5 2 4 4 3 3 3
                                       4 2 2 5 6
--R
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
          77 66 255 344 433 522 6
--R
--R
          e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x
--R
--R
          7
--R
          d
--R
--R
        | 2 2 2
--R
--R
       --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 405
)clear all
--S 406 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^8
--R
--R
--R (1)
--R
                                 4 | 2 2
             3 3 2 2 2 3
--R
--R
      (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R /
       88 77 266 355 444 533 622
--R
--R
       e x + 8d e x + 28d e x + 56d e x + 70d e x + 56d e x + 28d e x
--R.
       7 8
--R
       8d e x + d
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 406
--S 407 of 1618
```

```
r0:=1/6*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^7)+_
  1/42*e*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(7/2)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^7)
--R
--R
--R
    (2)
                  5
--R
                          6 5
                                     2 4
--R
         b e x + (-a b e + 7b d)x + (-20a b e + 35a b d)x
--R
--R
              3 3
                     2 4 3
                                  4 2
                                          3 3 2
         (-50a b e + 70a b d)x + (-55a b e + 70a b d)x
--R
--R
--R
              5
                     4 2
                              6
         (- 29a b e + 35a b d)x - 6a e + 7a b d
--R
--R
--R
        +----+
--R
        | 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R /
--R
           2 9
                     8
                           2277
--R
        (42a e - 84a b d e + 42b d e)x
--R
           2 8 2 7 2 3 6 6
--R
--R
        (294a d e - 588a b d e + 294b d e )x
--R
--R
                 3 6 2 4 5 5
            2 2 7
--R
       (882a d e - 1764a b d e + 882b d e )x
--R
--R
             2 3 6 4 5 2 5 4 4
--R
        (1470a d e - 2940a b d e + 1470b d e )x
--R
--R
            2 4 5
                         5 4
                                   2633
--R
        (1470a d e - 2940a b d e + 1470b d e)x
--R
            254 63 2722
--R
--R
        (882a d e - 1764a b d e + 882b d e )x
--R
--R
           2 6 3
                      7 2
                               2 8
                                         272
--R
        (294a d e - 588a b d e + 294b d e)x + 42a d e - 84a b d e + 42b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 407
--S 408 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
           555 45 544
--R
--R
      - 21b e x + (- 70a b e - 35b d e )x
--R
--R
             2 3 5 4 4
                                 5 2 3 3
```

```
--R
                    (- 105a b e - 70a b d e - 35b d e )x
--R
--R
                                  --R
                    (-84a b e -63a b d e -42a b d e -21b d e )x
--R
                                                                                                                4 3 2 5 4 5 5
--R
                                 4 5
                                                3 2 4
                                                                                2 3 2 3
--R
                    (- 35a b e - 28a b d e - 21a b d e - 14a b d e - 7b d e)x - 6a e
--R
                          4 4 3 2 2 3 2 3 3 2
--R
                                                                                                          4 4
--R
                    - 5a b d e - 4a b d e - 3a b d e - 2a b d e - b d
--R /
                         13 7
                                                   12 6 2 11 5 3 10 4 4 9 3 5 8 2
--R
                   42e x + 294d e x + 882d e x + 1470d e x + 1470d e x + 882d e x
--R
--R
--R
                          6 7 7 6
--R
                     294d e x + 42d e
--R
                                                                                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 408
--S 409 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                 676 57 6 6 5 2 4 7 5 6 4
--R
                            -bex + (abe - 7bde)x + (20abe - 35abde)x
--R
--R
--R
                                    3 3 7 2 4 6 3 4 2 7 3 3 6 2
--R
                            (50a b e - 70a b d e )x + (55a b e - 70a b d e )x
--R
                                      5 7 4 2 6
--R
                                                                                     6 7 5
--R
                           (29a b e - 35a b d e )x + 6a e - 7a b d e
--R
--R
                          1 2 2 2
--R
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                              257 66
                                                                                7 2 5 5
                    (- 21a b e + 42a b d e - 21b d e )x
--R
--R
                               3 4 7 2 5 6
--R
                                                                                  7 3 4 4
                    (- 70a b e + 105a b d e - 35b d e )x
--R
--R.
--R.
                                 4 3 7 3 4 6 7 4 3 3
--R
                     (- 105a b e + 140a b d e - 35b d e )x
--R
--R
                              5 2 7 4 3 6 7 5 2 2
--R
                    (- 84a b e + 105a b d e - 21b d e )x
--R
--R
                                 6 7 5 2 6 7 6 7 7 6 6 7 7
```

```
--R
                     (- 35a b e + 42a b d e - 7b d e)x - 6a e + 7a b d e - b d
--R /
--R
                              2 15 14 2 2 13 7
--R
                      (42a e - 84a b d e + 42b d e)x
--R
                                                                  2 13 2 3 12 6
--R
--R
                     (294a d e - 588a b d e + 294b d e )x
--R
                               2 2 13 3 12 2 4 11 5
--R
--R
                     (882a d e - 1764a b d e + 882b d e )x
--R
--R
                                 2 3 12
                                                                                                  2 5 10 4
                                                                        4 11
                     (1470a d e - 2940a b d e + 1470b d e )x
--R
--R
--R
                                 2 4 11
                                                                        5 10
                                                                                              2693
--R
                     (1470a d e - 2940a b d e + 1470b d e )x
--R
--R
                              2 5 10
                                                         6 9 2 7 8 2
--R
                     (882a d e - 1764a b d e + 882b d e )x
--R
--R
                                                            7 8
                                                                                287 278 87 296
--R
                  (294a d e - 588a b d e + 294b d e)x + 42a d e - 84a b d e + 42b d e
--R
                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 409
--S 410 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
          (5)
--R
                      5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
                      (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
--R
                           6 6
                                               5 5
                                                                     2 4 4
                                                                                            3 3 3
                                                                                                                     4 2 2 5
                     - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R
--R /
                                              7 7
                                                                                                                    4 4 4
--R
                          8 8
                                                                   266
                                                                                            3 5 5
                                                                                                                                            5 3 3 6 2 2
--R
                          e x + 8d e x + 28d e x + 56d e x + 70d e x + 56d e x + 28d e x
--R
                            7 8
--R
--R
                        8d e x + d
--R.
--R
                       +----+
                       | 2 2 2
--R
--R
                      \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 410
```

)clear all

```
--S 411 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^9
--R
--R
--R (1)
--R
       4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
--R
      (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R /
       99 88 277 366 455 544
--R
--R
       e x + 9d e x + 36d e x + 84d e x + 126d e x + 126d e x + 84d e x
--R
--R
         7 2 2 8 9
--R
       36d e x + 9d e x + d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 411
--S 412 of 1618
r0:=1/8*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^8)+__
  1/24*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^7)+_
  1/168*b*e*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(7/2)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^7)
--R
--R
--R
    (2)
           727 62 7 6 252 6 725
--R
--R
         - b e x + (a b e - 8b d e)x + (- a b e + 8a b d e - 28b d )x
--R
--R
              3 4 2
                     2 5
                                   6 2 4
--R.
         (- 55a b e + 160a b d e - 140a b d )x
--R
               4 3 2 3 4 2 5 2 3
--R
--R
         (- 155a b e + 400a b d e - 280a b d )x
--R
--R
              5 2 2
                       4 3
                                  3 4 2 2
--R
         (- 181a b e + 440a b d e - 280a b d )x
--R
                                 4 3 2
--R
              6 2 5 2
                                           7 2 6
         (- 99a b e + 232a b d e - 140a b d )x - 21a e + 48a b d e - 28a b d
--R
--R
--R
        +----+
--R
        122
--R
        --R /
           3 11 2 10 2 2 9 3 3 8 8
--R
--R
        (168a e - 504a b d e + 504a b d e - 168b d e )x
--R
--R
                    2 2 9
                                    2 3 8
       (1344a d e - 4032a b d e + 4032a b d e - 1344b d e )x
--R
--R
```

```
3 2 9 2 3 8 2 4 7 3 5 6 6
--R
       (4704a d e - 14112a b d e + 14112a b d e - 4704b d e)x
--R
--R
--R
            3 3 8
                   2 4 7
                                     2 5 6
--R
       (9408a d e - 28224a b d e + 28224a b d e - 9408b d e )x
--R
             3 4 7 2 5 6 2 6 5 3 7 4 4
--R
--R
       (11760a d e - 35280a b d e + 35280a b d e - 11760b d e )x
--R
                   2 6 5
--R
           3 5 6
                                    274
                                              3833
--R
       (9408a d e - 28224a b d e + 28224a b d e - 9408b d e )x
--R
                   2 74
                                    283
--R
            3 6 5
                                              3 9 2 2
--R
       (4704a d e - 14112a b d e + 14112a b d e - 4704b d e )x
--R
--R
           3 7 4
                   2 8 3
                                  2 9 2
                                           3 10
--R
       (1344a d e - 4032a b d e + 4032a b d e - 1344b d e)x + 168a d e
--R
--R
            2 9 2 2 10
                                3 11
--R
       - 504a b d e + 504a b d e - 168b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 412
--S 413 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                 45 5 4 4
--R
          5 5 5
--R
       -56b e x + (-210a b e -70b d e)x
--R
             --R
--R
       (- 336a b e - 168a b d e - 56b d e )x
--R
--R
            3 2 5
                     234
                                4 2 3
                                         5 3 2 2
       (- 280a b e - 168a b d e - 84a b d e - 28b d e )x
--R
--R
--R
            4 5
                    3 2 4
                              2 3 2 3
                                        4 3 2 5 4
--R
       (- 120a b e - 80a b d e - 48a b d e - 24a b d e - 8b d e)x - 21a e
--R
--R
               4
                    3 2 2 3
                              2 3 3 2
                                        4 4
       - 15a b d e - 10a b d e - 6a b d e - 3a b d e - b d
--R
--R /
--R.
          14 8
                    13 7
                             2 12 6 3 11 5
                                                  4 10 4
--R
       168e x + 1344d e x + 4704d e x + 9408d e x + 11760d e x
--R
--R
          5 9 3 6 8 2 7 7
       9408d e x + 4704d e x + 1344d e x + 168d e
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 413
```

```
--S 414 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
   (4)
--R
          787 68 7 7 6 2 5 8 6 7 7 2 6 5
--R
--R
         bex + (-abe + 8bde)x + (abe - 8abde + 28bde)x
--R
--R
            3 4 8
                   257
                                6 2 6 4
--R
         (55a b e - 160a b d e + 140a b d e )x
--R
                    3 4 7
                               25263
--R
             4 3 8
--R
         (155a b e - 400a b d e + 280a b d e )x
--R
--R
            5 2 8 4 3 7 3 4 2 6 2
--R
         (181a b e - 440a b d e + 280a b d e )x
--R
            6 8 5 2 7 4 3 2 6 7 8 6 7
--R
--R
          (99a b e - 232a b d e + 140a b d e )x + 21a e - 48a b d e
--R
--R
           5 2 2 6
--R
          28a b d e
--R
--R
         +----+
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
           358 267 726 8355
--R
       (- 56a b e + 168a b d e - 168a b d e + 56b d e )x
--R
            4 4 8 3 5 7 2 6 2 6 8 4 4 4
--R
--R
       (- 210a b e + 560a b d e - 420a b d e + 70b d e )x
--R
--R
           5 3 8 4 4 7
                              3526 8533
--R
       (- 336a b e + 840a b d e - 560a b d e + 56b d e )x
--R
--R
           628 53 7
                             4 4 2 6
                                       8622
--R
       (- 280a b e + 672a b d e - 420a b d e + 28b d e )x
--R
                   627
                             5 3 2 6 8 7
--R
           7 8
                                                8 8
       (- 120a b e + 280a b d e - 168a b d e + 8b d e)x - 21a e + 48a b d e
--R
--R
--R
         6 2 2 6 8 8
--R
       - 28a b d e + b d
--R /
         3 17 2 16 2 2 15 3 3 14 8
--R
--R
       (168a e - 504a b d e + 504a b d e - 168b d e )x
--R
--R
          3 16 2 2 15 2 3 14 3 4 13 7
```

```
--R
       (1344a d e - 4032a b d e + 4032a b d e - 1344b d e )x
--R
--R
            3 2 15 2 3 14 2 4 13 3 5 12 6
--R
       (4704a d e - 14112a b d e + 14112a b d e - 4704b d e )x
--R
                   2 4 13
--R
            3 3 14
                                     2 5 12
                                               3 6 11 5
--R
       (9408a d e - 28224a b d e + 28224a b d e - 9408b d e )x
--R
            3 4 13 2 5 12 2 6 11 3 7 10 4
--R
       (11760a d e - 35280a b d e + 35280a b d e - 11760b d e )x
--R
--R
                   2 6 11
           3 5 12
--R
                                     2 7 10
                                               3 8 9 3
       (9408a d e - 28224a b d e + 28224a b d e - 9408b d e )x
--R
--R
           3 6 11
                    2 7 10
                                     289
--R
                                               3 9 8 2
--R
       (4704a d e - 14112a b d e + 14112a b d e - 4704b d e )x
--R
--R
           3 7 10
                   2 8 9 2 9 8 3 10 7 3 8 9
--R
       (1344a d e - 4032a b d e + 4032a b d e - 1344b d e )x + 168a d e
--R
--R
           2 9 8 2 10 7 3 11 6
       - 504a b d e + 504a b d e - 168b d e
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 414
--S 415 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
--R
         6 6
                5 5
                       2 4 4
                               3 3 3
                                        4 2 2 5
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R
--R /
                8 8
--R
         99
                       2 7 7
                               3 6 6
                                        455 544
--R
        ex + 9d ex + 36d ex + 84d ex + 126d ex + 126d ex + 84d ex
--R
          7 2 2 8 9
--R
--R
        36d e x + 9d e x + d
--R.
--R
        +----+
        | 2 2 2
--R
       \| b x + 2a b x + a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 415
)clear all
```

```
--S 416 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^10
--R
--R
--R
   (1)
--R
              3 3 2 2 2 3
                                     4 | 2 2
--R
--R
      (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R /
--R
        10 10 9 9 2 8 8
                                   377 466 555
        e \ x + 10d \ e \ x + 45d \ e \ x + 120d \ e \ x + 210d \ e \ x + 252d \ e \ x
--R
--R
                                      9
--R
          6 4 4
                   7 3 3
                            8 2 2
        210d e x + 120d e x + 45d e x + 10d e x + d
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 416
--S 417 of 1618
r0:=1/9*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^9)+_
  1/24*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^8)+_
  1/72*b^2*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^7)+_
  1/504*b^2*e*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(7/2)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^7)
--R
--R
--R
     (2)
          838 73 8 2 7 2 6 3 7 2 8 2 6
--R
--R
         bex + (-abe + 9bde)x + (abe - 9abde + 36bde)x
--R
             3 5 3 2 6 2 7 2 8 3 5
--R
--R
         (- a b e + 9a b d e - 36a b d e + 84b d )x
--R
--R
               4 4 3 3 5 2
                                   262
--R
         (- 125a b e + 495a b d e - 720a b d e + 420a b d )x
--R
--R
               5 3 3
                        4 4 2
                                     3 5 2
                                                2633
--R
         (- 379a b e + 1395a b d e - 1800a b d e + 840a b d )x
--R
                       532
--R
               6 2 3
                                     4 4 2
                                                3 5 3 2
--R
         (- 461a b e + 1629a b d e - 1980a b d e + 840a b d )x
--R
                                              4 4 3
--R
               7 3 6 2 2
                                     5 3 2
--R.
          (-259a b e + 891a b d e - 1044a b d e + 420a b d)x - 56a e
--R
--R
            7 2 622 533
          189a b d e \, - 216a b d e + 84a b d
--R
--R
--R
        | 2 2 2
--R
--R
```

```
--R /
        4 13 3 12 2 2 2 11 3 3 10 4 4 9 9
--R
--R
       (504a e - 2016a b d e + 3024a b d e - 2016a b d e + 504b d e )x
--R
           4 12 3 2 11 2 2 3 10 3 4 9
--R
--R
          4536a d e - 18144a b d e + 27216a b d e - 18144a b d e
--R
--R
             4 5 8
         4536b d e
--R
--R
--R
        8
--R
        x
--R
              4 2 11 3 3 10 2 2 4 9 3 5 8
--R
--R
         18144a d e - 72576a b d e + 108864a b d e - 72576a b d e
--R
--R
              4 6 7
--R
         18144b d e
--R
--R
         7
--R
        x
--R
             4 3 10 3 4 9 2 2 5 8 3 6 7
--R
         42336a d e - 169344a b d e + 254016a b d e - 169344a b d e
--R
--R
--R
             4 7 6
--R
         42336b d e
--R
--R
        6
--R
        x
--R
             4 4 9 3 5 8 2 2 6 7 3 7 6
--R
--R
         63504a d e - 254016a b d e + 381024a b d e - 254016a b d e
--R
--R
              485
--R
         63504b d e
--R
--R
        5
--R
        x
--R
              458 3 67 2276 385
--R
--R
         63504a d e - 254016a b d e + 381024a b d e - 254016a b d e
--R
--R
              494
--R
         63504b d e
--R
--R
--R
        X
--R
              4 6 7 3 7 6 2 2 8 5 3 9 4
--R
```

```
--R
          42336a d e - 169344a b d e + 254016a b d e - 169344a b d e
--R
--R
               4 10 3
--R
          42336b d e
--R
--R
         3
--R
         x
--R
               476 385 2294 3103
--R
--R
          18144a d e - 72576a b d e + 108864a b d e - 72576a b d e
--R
--R
               4 11 2
--R
          18144b d e
--R
--R
         2
--R
         X
--R
--R
             485 394 22103 3112
          4536a d e - 18144a b d e + 27216a b d e - 18144a b d e
--R
--R
--R
             4 12
--R
          4536b d e
--R
--R
         X
--R
         4 9 4 3 10 3 2 2 11 2 3 12 4 13
--R
--R
       504a\ d\ e\ -\ 2016a\ b\ d\ e\ +\ 3024a\ b\ d\ e\ -\ 2016a\ b\ d\ e\ +\ 504b\ d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 417
--S 418 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
       - 126b e x + (- 504a b e - 126b d e )x
--R
            2 3 5
                    4 4
--R
                               5 2 3 3
--R
       (- 840a b e - 336a b d e - 84b d e )x
--R
--R
            3 2 5 2 3 4
                               4 2 3 5 3 2 2
--R
       (- 720a b e - 360a b d e - 144a b d e - 36b d e )x
--R
--R
            4 5
                    3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4 5 5
--R
       (-315a b e - 180a b d e - 90a b d e - 36a b d e - 9b d e)x - 56a e
--R
--R
          4 4
                    3 2 2 3
                              2 3 3 2
                                        44 55
       - 35a b d e - 20a b d e - 10a b d e - 4a b d e - b d
--R
--R /
```

```
15 9 14 8 2 13 7 3 12 6 4 11 5
--R
--R
       504e \times + 4536d e \times + 18144d e \times + 42336d e \times + 63504d e \times
--R
--R
           5 10 4 6 9 3
                                  782
                                         8 7
--R
       63504d e x + 42336d e x + 18144d e x + 4536d e x + 504d e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 418
--S 419 of 1618
m0 := a0 - r0
--R
--R
--R (4)
            8 9 8 7 9 8 8 7 2 6 9 7 8
--R
          -bex + (abe - 9bde)x + (-abe + 9abde - 36bde)x
--R
--R
--R
                 268
                            7 2 7
                                      8 3 6 5
           3 5 9
--R
          (a b e - 9a b d e + 36a b d e - 84b d e )x
--R
             4 4 9 3 5 8 2 6 2 7 7 3 6 4
--R
          (125a b e - 495a b d e + 720a b d e - 420a b d e )x
--R
--R
--R
              5 3 9 4 4 8 3 5 2 7
                                             26363
--R
          (379a b e - 1395a b d e + 1800a b d e - 840a b d e )x
--R
              6 2 9 5 3 8 4 4 2 7 3 5 3 6 2
--R
--R
           (461a b e - 1629a b d e + 1980a b d e - 840a b d e )x
--R
--R
              7 9
                    6 2 8 5 3 2 7 4 4 3 6
--R
          (259a b e - 891a b d e + 1044a b d e - 420a b d e )x + 56a e
--R
               7 8 6227 5336
--R
--R
          - 189a b d e + 216a b d e - 84a b d e
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
            459 368 2727 836
--R
--R
       (- 126a b e + 504a b d e - 756a b d e + 504a b d e - 126b d e )x
--R
--R
            5 4 9
                   4 5 8
                               3 6 2 7 2 7 3 6
--R.
       (-504a b e + 1890a b d e - 2520a b d e + 1260a b d e - 126b d e )x
--R
--R
            639 548 4527 3636
                                                      9633
--R
       (-840a b e + 3024a b d e - 3780a b d e + 1680a b d e - 84b d e )x
--R
--R
                     6 3 8 5 4 2 7 4 5 3 6
--R
       (-720a b e + 2520a b d e - 3024a b d e + 1260a b d e - 36b d e )x
--R
```

```
8 9 7 2 8 6 3 2 7 5 4 3 6 9 8
--R
--R
      (- 315a b e + 1080a b d e - 1260a b d e + 504a b d e - 9b d e)x
--R
          9 9 8 8 7 2 2 7 6 3 3 6 9 9
--R.
--R
       - 56a e + 189a b d e - 216a b d e + 84a b d e - b d
--R /
          4 19 3 18 2 2 2 17 3 3 16 4 4 15 9
--R
--R
       (504a e - 2016a b d e + 3024a b d e - 2016a b d e + 504b d e )x
--R
             4 18 3 2 17 2 2 3 16
--R
--R
         4536a d e - 18144a b d e + 27216a b d e - 18144a b d e
--R
--R
             4 5 14
         4536b d e
--R
--R
--R
         8
--R.
         x
--R
--R
              4 2 17 3 3 16 2 2 4 15 3 5 14
--R
         18144a d e - 72576a b d e + 108864a b d e - 72576a b d e
--R
--R
              4 6 13
--R
         18144b d e
--R
--R
         7
--R
        x
--R
             4 3 16 3 4 15 2 2 5 14 3 6 13
--R
--R
          42336a d e - 169344a b d e + 254016a b d e - 169344a b d e
--R.
--R
              4 7 12
--R
         42336b d e
--R
--R
--R
        X
--R
              4 4 15 3 5 14 2 2 6 13 3 7 12
--R
--R
         63504a d e - 254016a b d e + 381024a b d e - 254016a b d e
--R
--R
              4 8 11
--R
         63504b d e
--R
--R.
         5
--R
         X
--R
              4 5 14 3 6 13 2 2 7 12 3 8 11
--R
--R
         63504a d e - 254016a b d e + 381024a b d e - 254016a b d e
--R
--R
             4 9 10
          63504b d e
--R
```

```
--R
--R
         4
--R
        X
--R
              4 6 13 3 7 12 2 2 8 11 3 9 10
--R
--R
          42336a d e - 169344a b d e + 254016a b d e - 169344a b d e
--R
--R
              4 10 9
--R
         42336b d e
--R
--R
--R
        x
--R
              4 7 12 3 8 11 2 2 9 10
--R
--R
          18144a d e - 72576a b d e + 108864a b d e - 72576a b d e
--R
--R
              4 11 8
--R
         18144b d e
--R
--R
         2
--R
         x
--R
            4 8 11 3 9 10 2 2 10 9 3 11 8
--R
         4536a d e - 18144a b d e + 27216a b d e - 18144a b d e
--R
--R
--R
            4 12 7
--R
          4536b d e
--R
--R
         X
--R
         4 9 10 3 10 9 2 2 11 8 3 12 7 4 13 6
--R
--R
      504a d e - 2016a b d e + 3024a b d e - 2016a b d e + 504b d e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 419
--S 420 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2
--R
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R.
--R.
        66 55 244 333 422 5 6
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R
--R /
--R
        10 10 9 9 2 8 8 3 7 7 4 6 6 5 5 5
        e x + 10d e x + 45d e x + 120d e x + 210d e x + 252d e x
--R
--R.
```

```
6 4 4 7 3 3 8 2 2 9 10
--R
--R
                         210d e x + 120d e x + 45d e x + 10d e x + d
--R
--R
                       +----+
                      | 2 2 2
--R
--R
                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 420
)clear all
--S 421 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^11
--R
--R
--R
          (1)
--R
                                                                                                 4 | 2 2
--R
                    4 4 3 3 2 2 2 3
--R
                  (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R /
--R
                      11 11 10 10
                                                                        299
                                                                                                  388 477 566
--R
                     e \ x + 11d \ e \ x + 55d \ e \ x + 165d \ e \ x + 330d \ e \ x + 462d \ e \ x
--R
--R
                          6 5 5 7 4 4 8 3 3 9 2 2 10 11
--R
                     462d e x + 330d e x + 165d e x + 55d e x + 11d e x + d
--R
                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 421
--S 422 of 1618
r0:=-1/18*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^2*(d+e*x)^9)-_
      1/36*b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^8)-_
      1/10*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^10)-1/84*b^3*(a+b*x)*_
      \sqrt{(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(d+e*x)^7)-1/210*b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+_2)}
      b^2*x^2/(e^5*(d+e*x)^6)-1/1260*b^4*(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
      b^2*x^2/(e^6*(a+b*x)*(d+e*x)^6)
--R
--R
--R
             (2)
                                                                                                5 4 4
--R
                                      5 5 5
                                                                           4 5
--R
                          -252b e x + (-1050a b e - 210b d e)x
--R
--R
                                           2 3 5
                                                                       4 4
                                                                                              5 2 3 3
--R.
                         (- 1800a b e - 600a b d e - 120b d e )x
--R.
--R
                                           3 2 5 2 3 4 4 2 3
                                                                                                                             5 3 2 2
--R
                         (- 1575a b e - 675a b d e - 225a b d e - 45b d e )x
--R
                                                             3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
--R
                         (-700a b e - 350a b d e - 150a b d e - 50a b d e - 10b d e)x
--R.
```

```
5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
                      - 126a e - 70a b d e - 35a b d e - 15a b d e - 5a b d e - b d
--R
--R
                    | 2 2 2
--R
--R
                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                     16
--R
                               16 11
                  1260b e x + (1260a e + 12600b d e )x
--R
--R
--R
                                                                                          2 14
                                      15 2 14 9
                                                                                                                                      3 13 8
                   (12600a d e + 56700b d e )x + (56700a d e + 151200b d e )x
--R
--R
--R
                                      3 13
                                                                    4 12 7
                                                                                                             4 12
--R
                   (151200a d e + 264600b d e)x + (264600a d e + 317520b d e)x
--R
--R
                                     5 11
                                                                    6 10 5
                                                                                                             6 10
                                                                                                                                              794
--R
                   (317520a d e + 264600b d e)x + (264600a d e + 151200b d e)x
--R
                                      7 9 8 8 3 8 8 9 7 2
--R
--R
                    (151200a d e + 56700b d e)x + (56700a d e + 12600b d e)x
--R
--R
                                     9 7
                                                             10 6
                                                                                            10 6
--R
                    (12600a d e + 1260b d e)x + 1260a d e
--R
                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 422
--S 423 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                                                 45 5 4 4
--R
                            5 5 5
--R
                   - 252b e x + (- 1050a b e - 210b d e )x
--R
--R
                                  2 3 5 4 4
                                                                                   5 2 3 3
--R
                   (- 1800a b e - 600a b d e - 120b d e )x
--R
--R
                                  3 2 5 2 3 4 4 2 3
                                                                                                              5 3 2 2
--R
                  (- 1575a b e - 675a b d e - 225a b d e - 45b d e )x
--R
--R
                               4 5
                                                   3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R.
                   (- 700a b e - 350a b d e - 150a b d e - 50a b d e - 10b d e)x
--R
--R
                            5 5
                                             4 4
                                                                        3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
                    - 126a e - 70a b d e - 35a b d e - 15a b d e - 5a b d e - b d
--R /
--R
                                                  15 9 2 14 8 3 13 7 4 12 6
                   1260e x + 12600d e x + 56700d e x + 151200d e x + 264600d e x
--R
--R
```

```
5 11 5 6 10 4 7 9 3 8 8 2 9 7
--R
      317520d e x + 264600d e x + 151200d e x + 56700d e x + 12600d e x
--R
--R
--R
           10 6
--R
       1260d e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 423
--S 424 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
            5 5 5
                        45 5 4 4
          252b e x + (1050a b e + 210b d e )x
--R
--R
--R
              2 3 5 4 4
                                 5 2 3 3
--R
          (1800a b e + 600a b d e + 120b d e )x
--R
--R
              3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
          (1575a b e + 675a b d e + 225a b d e + 45b d e )x
--R
--R
             4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
          (700a b e + 350a b d e + 150a b d e + 50a b d e + 10b d e)x
--R
            5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
          126a e + 70a b d e + 35a b d e + 15a b d e + 5a b d e + b d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                         5 5 6 4 5
--R
           6 5 6
--R
       -252b e x + (-1302a b e - 210b d e)x
--R
--R
             2 4 5 5 4
                                6234
--R
       (- 2850a b e - 810a b d e - 120b d e )x
--R
--R
             3 3 5
                    2 4 4 5 2 3
                                           6 3 2 3
--R
       (- 3375a b e - 1275a b d e - 345a b d e - 45b d e )x
--R
--R
             4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2
                                                     6 4 2
--R.
       (- 2275a b e - 1025a b d e - 375a b d e - 95a b d e - 10b d e)x
--R
               5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
--R
           - 826a b e - 420a b d e - 185a b d e - 65a b d e - 15a b d e
--R
--R
             6 5
          - b d
--R
--R
```

```
--R
                x
--R
                     65 5 4 4223 3332 244 55
--R
--R
                    - 126a e - 70a b d e - 35a b d e - 15a b d e - 5a b d e - a b d
--R /
--R
                                16 11
                                                                 16
                                                                                                15 10
                  1260b e x + (1260a e + 12600b d e )x
--R
--R
                                   15 2 14 9 2 14 3 13 8
--R
                 (12600a d e + 56700b d e )x + (56700a d e + 151200b d e )x
--R
--R
                                                                      4 12 7
--R
                                       3 13
                                                                                                                 4 12
                   (151200a d e + 264600b d e)x + (264600a d e + 317520b d e)x
--R
--R
                                       5 11
                                                                       6 10 5
                                                                                                                 6 10
--R
                                                                                                                                                   794
--R
                   (317520a d e + 264600b d e )x + (264600a d e + 151200b d e )x
--R
--R
                                       7 9
                                                         883 88
--R
                    (151200a d e + 56700b d e )x + (56700a d e + 12600b d e )x
--R
--R
                                     9 7
                                                               10 6
                     (12600a d e + 1260b d e)x + 1260a d e
--R
--R
                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 424
--S 425 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
                    5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
                   (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
                                           5 5
--R
                        6 6
                                                                2 4 4
                                                                                     3 3 3
                                                                                                            422 5
                   - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R
--R /
                        11 11 10 10 2 9 9 3 8 8 4 7 7
--R
--R
                       e x + 11d e x + 55d e x + 165d e x + 330d e x + 462d e x
--R
                             6 5 5 7 4 4 8 3 3 9 2 2 10 11
--R
                      462d e x + 330d e x + 165d e x + 55d e x + 11d e x + d
--R
--R.
--R
                     | 2 2 2
--R
--R
                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 425
)clear all
```

```
--S 426 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^12
--R
--R
         (1)
--R
--R
--R
                                   3 3 2 2 2 3
                                                                                             4 | 2 2
--R
                (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R /
                   --R
--R
                    e x + 12d e x + 66d e x + 220d e x + 495d e x + 792d e x
--R
                      6 6 6 6 7 5 5 8 4 4 9 3 3 10 2 2
--R
                                                                                                                                                11 12
                924d e x + 792d e x + 495d e x + 220d e x + 66d e x + 12d e x + d
--R
--R
                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 426
--S 427 of 1618
r0:=-1/22*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^2*(d+e*x)^10)-_
      2/99*b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^9)-_
      1/11*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^11)-1/132*b^3*_
      (a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(d+e*x)^8)-1/396*b^4*_
      sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^5*(d+e*x)^7)-1/2772*b^4*(b*d-a*e)*_
     sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x)*(d+e*x)^7)
--R.
--R
--R
         (2)
--R
                                   5 5 5
                                                                        4 5
                                                                                     5 4 4
--R
                        -462b e x + (-1980a b e -330b d e)x
--R
                                         2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
                        (- 3465a b e - 990a b d e - 165b d e )x
--R
--R
                                        3 2 5
                                                                 234
                                                                                                  4 2 3
                                                                                                                          5 3 2 2
                       (- 3080a b e - 1155a b d e - 330a b d e - 55b d e )x
--R
--R
--R
                                        4 5
                                                             3 2 4
                                                                                            2 3 2 3
                                                                                                                           4 3 2
--R
                        (- 1386a b e - 616a b d e - 231a b d e - 66a b d e - 11b d e)x
--R
                                                                   4 3 2 2 3
--R
                                   5 5 4
                                                                                                            2 3 3 2 4 4 5 5
                        - 252a e - 126a b d e - 56a b d e - 21a b d e - 6a b d e - b d
--R
--R.
--R.
                     +----+
                     | 2 2 2
--R
--R
                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                               17 12
                                                      17
                    2772b e x + (2772a e + 30492b d e)x
--R
--R
```

```
16 2 15 10 2 15 3 14 9
--R
--R
        (30492a d e + 152460b d e )x + (152460a d e + 457380b d e )x
--R
--R
                           4 13 8
                                           4 13
               3 14
--R
       (457380a d e + 914760b d e)x + (914760a d e + 1280664b d e)x
--R
               5 12 6 11 6 6 11 7 10 5
--R
--R
       (1280664a d e + 1280664b d e)x + (1280664a d e + 914760b d e)x
--R
--R
                           8 9 4
                                          8 9
--R
       (914760a d e + 457380b d e )x + (457380a d e + 152460b d e )x
--R
                         10 7 2
               98
--R
                                        10 7
       (152460a d e + 30492b d e)x + (30492a d e + 2772b d e)x
--R
--R
--R
           11 6
       2772a d e
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 427
--S 428 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
          5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
       -462b e x + (-1980a b e -330b d e)x
--R
--R
                     4 4
                                5 2 3 3
              2 3 5
--R.
       (- 3465a b e - 990a b d e - 165b d e )x
--R
              3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
       (- 3080a b e - 1155a b d e - 330a b d e - 55b d e )x
--R
--R
             4 5
                      3 2 4
                                 2 3 2 3
                                             4 3 2
       (- 1386a b e - 616a b d e - 231a b d e - 66a b d e - 11b d e)x
--R
--R
--R
           5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
       - 252a e - 126a b d e - 56a b d e - 21a b d e - 6a b d e - b d
--R
--R /
--R
                  16 10 2 15 9
       2772e \ x + 30492d \ e \ x + 152460d \ e \ x + 457380d \ e \ x
--R
--R.
                     5 12 6
--R.
            4 13 7
                                   6 11 5 7 10 4
--R
       914760d e x + 1280664d e x + 1280664d e x + 914760d e x
--R
--R
           8 9 3 9 8 2 10 7 11 6
--R
       457380d e x + 152460d e x + 30492d e x + 2772d e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 428
```

```
--S 429 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
            555 45 544
--R
--R
         462b e x + (1980a b e + 330b d e)x
--R
--R
              2 3 5
                       4 4
                                5233
--R
         (3465a b e + 990a b d e + 165b d e )x
--R
              3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
          (3080a b e + 1155a b d e + 330a b d e + 55b d e )x
--R
--R
              4 5
                      3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
          (1386a b e + 616a b d e + 231a b d e + 66a b d e + 11b d e)x
--R
           5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
          252a e + 126a b d e + 56a b d e + 21a b d e + 6a b d e + b d
--R
--R
--R
        | 2 2 2
--R
        --R
          6 5 6 5 5 6 4 5
--R
--R
       -462b e x + (-2442a b e - 330b d e)x
--R
--R
             2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
       (- 5445a b e - 1320a b d e - 165b d e )x
--R
             3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
--R
       (-6545a b e - 2145a b d e - 495a b d e - 55b d e )x
--R
            4 2 5 3 3 4
--R
                               2 4 2 3
                                           5 3 2
--R
       (-4466a b e - 1771a b d e - 561a b d e - 121a b d e - 11b d e)x
--R
--R
              5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
--R
          - 1638a b e - 742a b d e - 287a b d e - 87a b d e - 17a b d e
--R
--R
           6 5
          - b d
--R
--R.
--R
--R
          65 5 4 4223 3332 244 55
--R
--R
       - 252a e - 126a b d e - 56a b d e - 21a b d e - 6a b d e - a b d
--R /
           17 12 17 16 11
--R
       2772b e x + (2772a e + 30492b d e )x
--R
```

```
--R
                        16 2 15 10 2 15 3 14 9
--R
--R
                   (30492a d e + 152460b d e)x + (152460a d e + 457380b d e)x
--R
                                      3 14 4 13 8 4 13 5 12 7
--R
                 (457380a d e + 914760b d e)x + (914760a d e + 1280664b d e)x
--R
--R
--R
                                        5 12
                                                                    6 11 6
                                                                                                                      6 11
                  (1280664a d e + 1280664b d e )x + (1280664a d e + 914760b d e )x
--R
--R
--R
                                      7 10 8 9 4
                                                                                                              8 9 9 8 3
                   (914760a d e + 457380b d e)x + (457380a d e + 152460b d e)x
--R
--R
                                      9 8 10 7 2
--R
                                                                                                           10 7
--R
                   (152460a d e + 30492b d e)x + (30492a d e + 2772b d e)x
--R
--R
                              11 6
                    2772a d e
--R
--R
                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 429
--S 430 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
                    5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
                   (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a)\|b x + 2a b x + a
--R.
                                         5 5
                                                                                     3 3 3
--R.
                        6 6
                                                              2 4 4
                                                                                                            4 2 2 5
--R
                    - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
                        --R
--R
                       e x + 12d e x + 66d e x + 220d e x + 495d e x + 792d e x
--R
--R
                            6 6 6 7 5 5 8 4 4 9 3 3 10 2 2 11
--R
                     924d e x + 792d e x + 495d e x + 220d e x + 66d e x + 12d e x
--R
--R
                         12
--R
--R
--R
                     +----+
                     | 2 2
--R.
--R
                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 430
```

)clear all

```
--S 431 of 1618
t0:=(d+e*x)^4/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3
--R
        e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
--R (1) -----
--R
                | 2 2 2
--R
--R
               \|b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 431
--S 432 of 1618
r0:=1/2*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*(d+e*x)^2/(b^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  1/3*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^3/(b^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^4/(b*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+(b*d-a*e)^4*_
  (a+b*x)*log(a+b*x)/(b^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+e*(b*d-a*e)^3*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/b^5
--R
--R
--R (2)
             4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 5 4
--R
          (12a b e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12b d )x + 12a e
--R
--R
              4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
           - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12a b d
--R
--R
         log(b x + a)
--R.
--R.
         5 4 5
                 4 4
                           5 3 4 2 3 4 4 3 5 2 2 3
--R
        3b e x + (-abe + 16bde)x + (2abe - 8abde + 36bde)x
--R
           3 2 4 2 3 3 4 2 2 5 3 2
--R
--R
       (- 6a b e + 24a b d e - 36a b d e + 48b d e)x
--R
--R.
                    3 2 3 2 3 2 2 4 3
                                                    5 4
--R
       (- 24a b e + 84a b d e - 102a b d e + 44a b d e + 13b d )x - 12a e
--R
          4 3
--R
                   3 2 2 2
                            2 3 3
--R
        36a b d e - 30a b d e - 4a b d e + 13a b d
--R /
--R
         +----+
--R.
         5 | 2 2 2
--R.
      12b \|b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 432
--S 433 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R (3)
         4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
       (12a e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12b d) log(b x + a)
--R
        4 4 4 3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
      3b e x + (- 4a b e + 16b d e )x + (6a b e - 24a b d e + 36b d e )x
--R
--R
          3 4
                  2 2 3 3 2 2
                                      4 3
--R
      (- 12a b e + 48a b d e - 72a b d e + 48b d e)x
--R /
--R
--R
     12b
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 433
--S 434 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
           4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
         (12a e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12b d )log(b x + a)
--R
           4 4 4 3 3
--R
          3b e x + (-4a b e + 16b d e)x
--R
--R
           2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
         (6a b e - 24a b d e + 36b d e )x
--R
             3 4 2 2 3 3 2 2 4 3
--R
--R
         (- 12a b e + 48a b d e - 72a b d e + 48b d e)x
--R
--R
         +----+
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
              4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 5 4
--R
--R
         (- 12a b e + 48a b d e - 72a b d e + 48a b d e - 12b d )x - 12a e
--R
           4 3 3 2 2 2 2 3 3
--R
                                      4 4
--R
         48a b d e - 72a b d e + 48a b d e - 12a b d
--R
--R
        log(b x + a)
--R
         5 4 5 4 4 5 3 4 2 3 4 4 3 5 2 2 3
--R
--R
       -3b e x + (a b e - 16b d e) x + (-2a b e + 8a b d e - 36b d e) x
--R
--R
       3 2 4 2 3 3 4 2 2 5 3 2
```

```
--R
                      (6a b e - 24a b d e + 36a b d e - 48b d e)x
--R
                             4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 5 4
--R
--R
                      (24a b e - 84a b d e + 102a b d e - 44a b d e - 13b d )x + 12a e
--R
                                             3 3 2 2 2 2 3 3
--R
                                                                                                                           4 4
--R
                       - 36a b d e + 30a b d e + 4a b d e - 13a b d
--R /
--R
                        5 | 2 2 2
--R
--R
                   12b \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 434
--S 435 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
                        44 33 222 3 4 | 22 2 45
--R
--R
                      (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d)\|b x + 2a b x + a - b e x
--R
                                 4 3 4 3 2 2 3 2 2 3 2
--R
--R
                      (-ae -4bde)x + (-4ade -6bde)x + (-6ade -4bde)x
--R
                                   3
                                                    4
--R
--R
                     (- 4a d e - b d )x - a d
--R /
--R
                                         +----+
                                        | 2 2 2
--R
--R
               (b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 435
)clear all
--S 436 of 1618
t0:=(d+e*x)^3/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
 --R
--R
                        3 3 2 2 2 3
--R.
                        e x + 3d e x + 3d e x + d
--R (1) -----
--R
                              +----+
                                  | 2 2 2
--R
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 436
```

```
--S 437 of 1618
r0:=1/2*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^2/(b^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  1/3*(a+b*x)*(d+e*x)^3/(b*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+(b*d-a*e)^3*_
  (a+b*x)*log(a+b*x)/(b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+e*(b*d-a*e)^2*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/b^4
--R
--R
--R
     (2)
                3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3
--R
--R
            (- 6a b e + 18a b d e - 18a b d e + 6b d )x - 6a e + 18a b d e
--R
--R
                2 2 2
                         3 3
           - 18a b d e + 6a b d
--R
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
          4 3 4
                    3 3 4 2 3 2 2 3 3 2 4 2 2
--R
        2b e x + (- a b e + 9b d e )x + (3a b e - 9a b d e + 18b d e)x
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 2
                                        4 3 4 3
--R
        (12a b e - 30a b d e + 21a b d e + 5b d )x + 6a e - 12a b d e
--R
--R
          2 2 2 3 3
--R
        3a b d e + 5a b d
--R /
--R
        4 | 2 2 2
--R
--R
      6b \|b x + 2a b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 437
--S 438 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                                2 2
--R
           3 3
                  2 2
                                       3 3
--R
        (- 6a e + 18a b d e - 18a b d e + 6b d )log(b x + a) + 2b e x
--R
             23 3 2 2
--R
                               2 3
--R
        (-3abe + 9bde)x + (6abe - 18abde + 18bde)x
--R /
--R.
        4
--R
      6b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 438
--S 439 of 1618
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
   (4)
--R
--R
            3 3 2 2 2 2 3 3
--R
          (-6a e + 18a b d e - 18a b d e + 6b d) log(b x + a) + 2b e x
--R
                             2 3
                                      2 2
--R
              23 3 2 2
--R
         (- 3a b e + 9b d e )x + (6a b e - 18a b d e + 18b d e)x
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        --R
           3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3 2
--R
--R
         (6a b e - 18a b d e + 18a b d e - 6b d )x + 6a e - 18a b d e
--R
--R
           2 2 2 3 3
         18a b d e - 6a b d
--R
--R
--R
        log(b x + a)
--R
--R
         434 33 423 223 32 422
       - 2b e x + (a b e - 9b d e )x + (- 3a b e + 9a b d e - 18b d e)x
--R
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3 2
       (- 12a b e + 30a b d e - 21a b d e - 5b d )x - 6a e + 12a b d e
--R
--R
--R
          2 2 2 3 3
--R
       - 3a b d e - 5a b d
--R /
--R
       +----+
      4 | 2 2 2
--R
--R
     6b \mid b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 439
--S 440 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5)
--R
        3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
--R.
       (e x + 3d e x + 3d e x + d )\|b x + 2a b x + a - b e x
--R.
        3 2 3 2 2 2 3
--R
      (- a e - 3b d e )x + (- 3a d e - 3b d e)x + (- 3a d e - b d )x - a d
--R
--R /
--R
            | 2 2 2
--R
--R
    (b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 440
)clear all
--S 441 of 1618
t0:=(d+e*x)^2/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
          2 2
                       2
--R
         e x + 2d e x + d
--R
   (1) -----
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 441
--S 442 of 1618
r0:=1/2*(a+b*x)*(d+e*x)^2/(b*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+(b*d-a*e)^2*_1
  (a+b*x)*log(a+b*x)/(b^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+e*(b*d-a*e)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/b^3
--R
--R
--R
   (2)
--R
           --R
        ((2a b e - 4a b d e + 2b d)x + 2a e - 4a b d e + 2a b d)log(b x + a)
--R
        3 2 3 2 2 3
--R
                             2 2 2
                                             2
                                                    3 2
--R
       b e x + (- a b e + 4b d e)x + (- 4a b e + 6a b d e + b d )x - 2a e
--R
        2 2 2
--R
--R
       2a b d e + a b d
--R /
--R
        +----+
      3 | 2 2 2
--R
--R
      2b \|b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 442
--S 443 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
     2 2
                      2 2
                                      2 2 2
--R (2a e - 4a b d e + 2b d )log(b x + a) + b e x + (- 2a b e + 4b d e)x
--R
--R
                                  3
--R
                                2b
```

```
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 443
--S 444 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
             2 2 2 2 2
--R
--R
            (2a e - 4a b d e + 2b d) \log(b x + a) + b e x
--R
                 2 2
--R
           (- 2a b e + 4b d e)x
--R
--R
--R
         +----+
--R
          1 2 2
--R
         \| b x + 2a b x + a
--R
--R
            2 2 2 3 2 3 2 2 2 2
         ((- 2a b e + 4a b d e - 2b d )x - 2a e + 4a b d e - 2a b d )
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
         3 2 3 2 2 2 2 3 2 3 2
--R
--R
       - b e x + (a b e - 4b d e)x + (4a b e - 6a b d e - b d )x + 2a e
--R
          2 2 2
--R
--R
       - 2a b d e - a b d
--R /
--R
        +----+
       3 | 2 2
--R
--R
      2b \|b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 444
--S 445 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5)
--R
        2 2 2 2 2
--R
                                          2 3 2 2
--R.
       (e x + 2d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a - b e x + (- a e - 2b d e) x
--R.
--R
                  2
--R
        (- 2a d e - b d )x - a d
--R /
--R
             +----+
            | 2 2 2
--R
--R (b x + a)\|b x + 2a b x + a
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 445
)clear all
--S 446 of 1618
t0:=(d+e*x)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
            e x + d
--R
   (1) -----
        +----+
--R
        | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 446
--S 447 of 1618
r0:=(b*d-a*e)*(a+b*x)*log(a+b*x)/(b^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  e*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/b^2
--R
--R
                  2
                      2
                                            2 2
--R
    ((-abe+bd)x-ae+abd)log(bx+a)+bex+2abex+ae
--R
    (2) -----
--R
                           2 | 2 2 2
--R
--R
                          b \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 447
--S 448 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       (-ae+bd)log(bx+a)+bex
   (3) -----
--R
--R
                    2
--R
                    b
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 448
--S 449 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                                  | 2 2 2
--R
--R
       ((-ae+bd)\log(bx+a)+bex)\setminus bx+2abx+a
```

```
--R
        2 2
--R
                                         2 2
--R
     ((a b e - b d)x + a e - a b d)log(b x + a) - b e x - 2a b e x - a e
--R /
      +----+
--R
     2 | 2 2
--R
--R
    b \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 449
--S 450 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
              | 2 2 2
--R
                                2
    (e x + d) \setminus (b x + 2a b x + a - b e x + (- a e - b d) x - a d
--R
--R (5) -----
--R
                           1 2 2
--R
--R
                    (b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 450
)clear all
--S 451 of 1618
t0:=1/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
              1
--R (1) -----
    +----+
--R
        | 2 2 2
--R
--R
      \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 451
--S 452 of 1618
r0:=(a+b*x)*log(a+b*x)/(b*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
        (b x + a)log(b x + a)
--R (2) -----
--R +----+
        | 2 2 2
--R
--R
      b\|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 452
```

```
--S 453 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       log(b x + a)
--R (3) -----
         Ъ
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 453
--S 454 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                 | 2 2 2
--R
--R
     log(b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a + (-b x - a) log(b x + a)
--R
                        +----+
--R
                        | 2 2 2
--R
--R
                       b \mid b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 454
--S 455 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
1 2 2 2
--R
               | 2 2 2
--R
--R
        (b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 455
)clear all
--S 456 of 1618
t0:=1/((d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2))
--R
--R
--R
                   1
--R (1) -----
              +----+
            | 2 2 2
--R
--R (e x + d) | b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 456
--S 457 of 1618
\verb"r0:=(a+b*x)*log(a+b*x)/((b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-\_
   (a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
         (b x + a)\log(e x + d) + (-b x - a)\log(b x + a)
--R
--R
--R
                            | 2 2 2
--R
                 (a e - b d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 457
--S 458 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          log(e x + d) - log(b x + a)
--R
--R
                  ae-bd
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 458
--S 459 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
                                     | 2 2
--R
--R
         (\log(e x + d) - \log(b x + a)) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
--R
         (-b x - a)\log(e x + d) + (b x + a)\log(b x + a)
--R /
--R
--R
                  | 2 2 2
--R
       (a e - b d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 459
--S 460 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                    +----+
                    | 2 2 2
--R
--R
                   --R
```

```
--R
                                                                                                            1 2 2 2
--R
                                            2
--R
                             (b e x + (a e + b d)x + a d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 460
)clear all
--S 461 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2))
--R
--R
--R
--R
--R
                               2 2 2 2 2
--R
                             (e x + 2d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 461
--S 462 of 1618
r0:=b*(a+b*x)*log(a+b*x)/((b*d-a*e)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
        b*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
        e*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x))
--R
--R
--R
                (2)
--R
--R
                          (-b e x + (-a b e - b d)x - a b d)log(e x + d)
--R.
--R
                                                                               2
--R
                           (b e x + (a b e + b d)x + a b d)log(b x + a) - b e x - 2a b e x - a e
--R /
                                 2 3 2 2 2
                                                                                                         2 2 2 2 3
--R
--R
                           ((a e - 2a b d e + b d e)x + a d e - 2a b d e + b d)
--R
--R
                            +----+
                             | 2 2 2
--R
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 462
--S 463 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                             (-b e x - b d)\log(e x + d) + (b e x + b d)\log(b x + a) - a e + b d
--R
                                                    23 2222223
--R
--R
                                               (a e - 2a b d e + b d e)x + a d e - 2a b d e + b d
```

```
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 463
--S 464 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         ((-b e x - b d)log(e x + d) + (b e x + b d)log(b x + a) - a e + b d)
--R
--R
--R
          | 2 2 2
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
         2 2
--R
       (b e x + (a b e + b d)x + a b d)log(e x + d)
--R
--R
         2 2
                        2
      (-bex + (-abe-bd)x - abd)log(bx + a) + bex + 2abex + ae
--R
--R /
--R
              2 22
                               2 2 2 2 3
--R
        ((a e - 2a b d e + b d e)x + a d e - 2a b d e + b d)
--R
--R
        | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 464
--S 465 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
                      | 2 2 2
--R
--R
                      --R
--R
             --R
    (b e x + (a e + 2b d e)x + (2a d e + b d )x + a d )\|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 465
)clear all
--S 466 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2))
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
         3 3 2 2 2 3 | 2 2
--R
--R
        (e x + 3d e x + 3d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 466
--S 467 of 1618
 \texttt{r0:=1/2*(a+b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+\_} \\
  b^2*(a+b*x)*log(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-\_
  b^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  b*e*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x))
--R
--R
--R
    (2)
--R
           3 2 3 2 2 3 2 2
                                                3 2
--R
         (2b e x + (2a b e + 4b d e)x + (4a b d e + 2b d)x + 2a b d)
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
             3 2 3 2 2
                               3
                                   2 2
                                                     3 2
--R
          (- 2b e x + (- 2a b e - 4b d e)x + (- 4a b d e - 2b d )x - 2a b d )
--R
--R
         log(b x + a)
--R
         3 2 3 2 2 2 2 3 2 3 2
--R
--R
        2b e x + (4a b e + 2b d e)x + (a b e + 6a b d e - b d)x - a e
--R
         2 2 2
--R.
--R
        4a b d e - a b d
--R /
--R
                2 4
                             2 2 3 3 3 2 2
--R
         (2a e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d e )x
--R
           3 4 2 2 3 2 3 4
                                                 3 2 3 2 3 2
--R
--R
         (4a d e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d e)x + 2a d e - 6a b d e
--R
--R
            2 4
                   3 5
--R
         6a b d e - 2b d
--R
--R
        +----+
--R.
         | 2 2
--R
        --R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 467
--S 468 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
              (3)
--R
                               2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
                       (2b e x + 4b d e x + 2b d) \log(e x + d)
--R
                                 2 2 2 2
                                                                                                                                                  2 2 2 2
--R
                                                                                   2 2
--R
                    (-2b e x - 4b d e x - 2b d) log(b x + a) + (2a b e - 2b d e) x - a e
--R
--R
                                                    2 2
--R
                        4a b d e - 3b d
--R /
                             3 5 2
                                                             4
                                                                                2 2 3 3 3 2 2
--R
--R
                       (2a e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d e )x
--R
--R
                            3 4 2 2 3 2 3 2 3 4 3 2 3 2
--R
                       (4a d e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d e)x + 2a d e - 6a b d e
--R
                              2 4 3 5
--R
--R
                       6a b d e - 2b d
--R
                                                                                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 468
--S 469 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              (4)
--R
                                      2 2 2 2 2 2 2
--R
                                (2b e x + 4b d e x + 2b d) \log(e x + d)
--R
--R
                                           2 2 2 2
                                                                                            2 2
--R
                                (-2b e x - 4b d e x - 2b d) \log(b x + a) + (2a b e - 2b d e) x
--R
--R
                                     2 2
--R
                                -ae + 4abde - 3bd
--R
--R
                               +----+
--R
                               | 2 2 2
--R
                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                            2
--R
                                      3 2 3 2 2
                                                                                            3
                                                                                                                           2 32 22
--R
                             (- 2b e x + (- 2a b e - 4b d e)x + (- 4a b d e - 2b d )x - 2a b d )
--R
--R
                             log(e x + d)
--R
--R
                                 3 2 3 2 2 3 2 2 3 2 2 2
--R
                             (2b e x + (2a b e + 4b d e)x + (4a b d e + 2b d)x + 2a b d)
--R
--R
                            log(b x + a)
--R
```

```
3 2 3 2 2 2 2 3 2 3 2
--R
                  - 2b e x + (- 4a b e - 2b d e)x + (- a b e - 6a b d e + b d )x + a e
--R
--R
                                2
--R
                                                          2 2
--R
                      - 4a b d e + a b d
--R /
                                35 2 4 223 3322
--R
--R
                          (2a e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d e )x
--R
                                3 4 2 2 3 2 3 2 3 4
                                                                                                                                             3 2 3 2 3 2
--R
--R
                          (4a d e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d e)x + 2a d e - 6a b d e
--R
                                  2 4
                                                       3 5
--R
--R
                         6a b d e - 2b d
--R
                      +----+
--R
--R
                        | 2 2 2
--R
                       \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 469
--S 470 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
                     | 2 2 2
--R
--R
               \|b x + 2a b x + a - b x - a
--R /
--R
                                                                                                  2 2 2 2 3
                                3 4 3 2 3
                     b e x + (a e + 3b d e )x + (3a d e + 3b d e)x + (3a d e + b d )x
--R
--R
--R
--R
                        a d
--R
--R
                      +----+
--R
                         1 2 2 2
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 470
)clear all
--S 471 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^4*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2))
--R
--R
--R (1) ------
```

```
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
--R
         (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d )\|b x + 2a b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 471
--S 472 of 1618
r0:=1/3*(a+b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  1/2*b*(a+b*x)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  b^3*(a+b*x)*log(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  b^3*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  b^2*e*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                          3 3
                                 4 2 3
                                                  3 2
                                                           4 2
              4 3 4
--R.
           - 6b e x + (- 6a b e - 18b d e )x + (- 18a b d e - 18b d e)x
--R
--R
                  3 2
                        4 3
                                  3 3
--R
           (- 18a b d e - 6b d )x - 6a b d
--R
--R
          log(e x + d)
--R
--R
            4 3 4 3 3 4 2 3 3 2 4 2 2
--R
           6b e x + (6a b e + 18b d e )x + (18a b d e + 18b d e)x
--R
--R
                3 2
                       4 3
--R
           (18a b d e + 6b d)x + 6a b d
--R
--R.
          log(b x + a)
--R
                   3 3 4 2 3
--R
           4 3 4
--R
        -6b e x + (-12a b e - 12b d e)x
--R
           2 2 3
--R
                     3 2 4 2 2
--R
        (- 3a b e - 30a b d e - 3b d e)x
--R
--R
          3 3 2 2 2
                             3 2
                                     4 3
                                             4 3 3 2
--R
        (a b e - 9a b d e - 21a b d e + 5b d )x - 2a e + 9a b d e - 18a b d e
--R
--R
           3 3
--R
        5a b d
--R /
--R.
            4 7
                    3 6 2 2 2 5 3 3 4 4 4 3 3
--R
          (6a e - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d e )x
--R
--R
                   3 2 5
                                2 2 3 4 3 4 3
--R
          (18a d e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18b d e )x
--R
                                             3 5 2
--R
             4 2 5 3 3 4
                                  2 2 4 3
                                                      4 6
                                                                  4 3 4
```

```
--R
         (18a d e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18b d e)x + 6a d e
--R
--R
             3 4 3 2 2 5 2 3 6 4 7
--R
         - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d
--R
--R
        +----+
        | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 472
--S 473 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
          3 3 3 3 2 2 3 2
                                     3 3
--R
       (-6b e x - 18b d e x - 18b d e x - 6b d) \log(e x + d)
--R
--R
         3 3 3 3 2 2 3 2
--R
       (6b e x + 18b d e x + 18b d e x + 6b d) \log(b x + a)
--R
--R
           23 3 2 2 2 3 2 2 3 3
--R
       (- 6a b e + 6b d e )x + (3a b e - 18a b d e + 15b d e)x - 2a e
--R
        2 2 2 3 3
--R
--R
       9a b d e - 18a b d e + 11b d
--R /
--R
         4 7
              3 6 2225 334 4433
--R
       (6a e - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d e )x
--R
          4 6 3 2 5 2 2 3 4 3 4 5 2 2
--R
--R
       (18a d e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18b d e )x
--R
--R
          4 2 5 3 3 4
                            2 2 4 3
                                         3 5 2
                                                 4 6
       (18a d e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18b d e)x + 6a d e
--R
--R
--R
          3 4 3 2 2 5 2
                                3 6
       - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 473
--S 474 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
             3 3 3 3 2 2 3 2
--R
          (- 6b e x - 18b d e x - 18b d e x - 6b d )log(e x + d)
--R
--R
```

```
3 3 3 3 2 2 3 2 3 3
--R
--R
                           (6b e x + 18b d e x + 18b d e x + 6b d) \log(b x + a)
--R
--R
                                       23 3 2 2
                                                                                 2 3
                                                                                                        2 2
                                                                                                                                 3 2
--R
                            (-6abe + 6bde)x + (3abe - 18abde + 15bde)x - 2ae
--R
                             2 2 2 2
--R
                                                                              3 3
--R
                           9a b d e - 18a b d e + 11b d
--R
--R
--R
                         | 2 2 2
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                        4 2 3 3 2 4 2 2
--R
                                                      3 3
                          6b e x + (6a b e + 18b d e )x + (18a b d e + 18b d e)x
--R
--R
--R
                                                      4 3
                                                                              3 3
                                      3 2
--R
                          (18a b d e + 6b d )x + 6a b d
--R
--R
                        log(e x + d)
--R
                                434 33 423 32 422
--R
                           - 6b e x + (- 6a b e - 18b d e )x + (- 18a b d e - 18b d e)x
--R
--R
--R
                                        3 2
                                                        4 3 3 3
                          (- 18a b d e - 6b d )x - 6a b d
--R
--R
--R
                       log(b x + a)
--R
                      4 3 4 3 3 4 2 3 2 2 3 3 2 4 2 2
--R
--R
                   6b e x + (12a b e + 12b d e )x + (3a b e + 30a b d e + 3b d e)x
--R
--R
                         3 3 2 2 2
                                                                         3 2
                                                                                           4 3
                                                                                                              4 3 3
--R
                   (- a b e + 9a b d e + 21a b d e - 5b d )x + 2a e - 9a b d e
--R
--R
                        2 2 2
                                               3 3
                   18a b d e - 5a b d
--R
--R /
                           47 3 6 2225 334 4433
--R
--R
                       (6a e - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d e )x
--R
--R
                              4 6 3 2 5 2 2 3 4 3 4 5 2 2
--R.
                       (18a d e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18b d e )x
--R
--R
                             4 2 5 3 3 4 2 2 4 3 3 5 2 4 6 4 3 4
--R
                       (18a d e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18b d e)x + 6a d e
--R
                              3 4 3 2 2 5 2 3 6
--R
                       - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d
--R
--R
```

```
--R
        | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 474
--S 475 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5)
--R
      +----+
       | 2 2 2
--R
--R
      --R /
--R
           4 5 4
                          3 4
                                      3 223
--R
         b e x + (a e + 4b d e)x + (4a d e + 6b d e)x
--R
            2 2 3 2 3
--R
                                     4
         (6a d e + 4b d e)x + (4a d e + b d)x + a d
--R
--R
--R
        +----+
        1 2 2 2
--R
--R
        --R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 475
)clear all
--S 476 of 1618
t0:=(d+e*x)^4/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
         ex + 4d ex + 6d ex + 4d ex + d
--R
--R
         2 2
                     2 | 2 2 2
--R
--R
        (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 476
--S 477 of 1618
r0:=-1/2*(a+b*x)*(d+e*x)^4/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  3*e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^2/(b^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  2*e*(d+e*x)^3/(b^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+6*e^2*(b*d-a*e)^2*_
  (a+b*x)*log(a+b*x)/(b^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+6*e^3*_
  (b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/b^5
--R
--R
```

```
--R
    (2)
            2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
         (12a b e - 24a b d e + 12b d e )x
--R
             3 4 2 2 3 3 2 2 4 4 3 3
--R
--R
          (24a b e - 48a b d e + 24a b d e )x + 12a e - 24a b d e
--R
--R
           2 2 2 2
--R
         12a b d e
--R
--R
        log(b x + a)
--R
              3 4 4 3 3 2 2 4 3 3
       4 4 4
                                                      4 2 2 2
--R
--R
      bex + (-4abe + 8bde)x + (-30abe + 48abde - 12bde)x
--R
--R
          3 4 22 3 43
                                    4 4
                                           3
                                               3 2222
--R
       (- 36a b e + 48a b d e - 8b d e)x - 12a e + 12a b d e + 6a b d e
--R
--R
          3 3 4 4
--R
       - 4a b d e - b d
--R /
--R
                +----+
      6 5 | 2 2 2
--R
      (2b x + 2a b) | b x + 2a b x + a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 477
--S 478 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
             2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
         (12a b e - 24a b d e + 12b d e )x
--R
                    2 2 3 3 2 2 4 4 3 3
            3 4
--R
--R
         (24a b e - 48a b d e + 24a b d e )x + 12a e - 24a b d e
--R
           2 2 2 2
--R
--R
         12a b d e
--R
--R
        log(b x + a)
--R
--R
       4 4 4
              3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 2
       b e x + (- 4a b e + 8b d e )x + (- 11a b e + 16a b d e )x
--R
--R
        3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4 3
--R
--R
       (2a b e - 16a b d e + 24a b d e - 8b d e)x + 7a e - 20a b d e
--R
--R
        2 2 2 2 3 3 4 4
```

```
--R
                       18a b d e - 4a b d e - b d
--R /
--R
                    7 2 6 2 5
--R
                   2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                                                                                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 478
--S 479 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                                   2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
                                             (12a b e - 24a b d e + 12b d e)x
--R
--R
                                                   3 4 2 2 3 3 2 2
                                                                                                                                                  4 4 3 3
--R
                                             (24a b e - 48a b d e + 24a b d e )x + 12a e - 24a b d e
--R
--R
                                                   2 2 2 2
--R
                                          12a b d e
--R
--R
                                       log(b x + a)
--R
--R
                                     4 4 4 3 3 2 2 4 3 3 2
--R
                                  b e x + (- 4a b e + 8b d e )x + (- 11a b e + 16a b d e )x
--R
                                       3 4 2 2 3 3 2 2
                                                                                                                                4 3 4 4 3
--R
--R
                                  (2a b e - 16a b d e + 24a b d e - 8b d e)x + 7a e - 20a b d e
--R
                                          2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
                                  18a b d e - 4a b d e - b d
--R
--R
                                +----+
                                | 2 2 2
--R
--R
                             \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                               2 3 4 4 3
--R
                                                                                                        5 2 2 3
--R
                                 (- 12a b e + 24a b d e - 12b d e )x
--R
--R
                                                3 2 4 2 3 3
                                 (- 36a b e + 72a b d e - 36a b d e )x
--R
--R
--R.
                                               4 4 3 2 3 2 3 2 2 5 4
--R
                                 (- 36a b e + 72a b d e - 36a b d e )x - 12a e + 24a b d e
--R
--R
                                               3 2 2 2
--R
                                  - 12a b d e
--R
--R
                             log(b x + a)
--R
```

```
5 4 5 4 4 5 3 4 2 3 4 4 3 5 2 2 3
--R
--R
      - b e x + (3a b e - 8b d e )x + (34a b e - 56a b d e + 12b d e )x
--R
--R
         3 2 4 2 3 3 4 2 2 5 3 2
--R
      (66a b e - 96a b d e + 12a b d e + 8b d e)x
--R
         4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 5 4
--R
--R
      (48a b e - 60a b d e - 6a b d e + 12a b d e + b d )x + 12a e
--R
--R
         4
             3
                  3 2 2 2 2 3 3
                                  4 4
--R
       - 12a b d e - 6a b d e + 4a b d e + a b d
--R /
--R
      7 2 6 2 5 | 2 2 2
--R
    (2b x + 4a b x + 2a b) \mid b x + 2a b x + a
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 479
--S 480 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       44 33 222 3 4 | 22 2 45
--R
--R
      (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d)\|b x + 2a b x + a - b e x
--R
          4 3 4 3 2 2 3 2 2 3 2
--R
--R
      (-ae -4bde)x + (-4ade -6bde)x + (-6ade -4bde)x
--R
--R.
           3 4
--R
      (- 4a d e - b d )x - a d
--R /
      3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
--R
--R
     (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 480
)clear all
--S 481 of 1618
t0:=(d+e*x)^3/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
            3 3 2 2 2 3
--R
--R
           ex + 3d ex + 3d ex + d
--R (1) -----
--R
   2 2 2 2 2 2
--R
```

```
--R
         (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 481
--S 482 of 1618
r0:=-1/2*(a+b*x)*(d+e*x)^3/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  3/2*e*(d+e*x)^2/(b^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+3*e^2*(b*d-a*e)*_
  (a+b*x)*log(a+b*x)/(b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+3*e^3*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/b^4
--R
--R
--R
     (2)
                       3 2 2
                                      2 3
                                                 2 2
                  2 3
--R
--R
            (-6a b e + 6b d e)x + (-12a b e + 12a b d e)x - 6a e
--R
--R
             2
                   2
--R
           6a b d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
          3 3 3 2 2 2 3 2 2 3 2
--R
        2b e x + (15a b e - 9b d e)x + (18a b e - 6a b d e - 6b d e)x
--R
--R
          3 3 2 2 3 3
--R
        6a e - 3a b d e - b d
--R /
--R
--R
         5 4 | 2 2
--R
       (2b x + 2a b) | b x + 2a b x + a
--R.
                                               Type: Expression(Integer)
--E 482
--S 483 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                  2 3 3 2 2
                                      2 3
                                                 2 2
            (- 6a b e + 6b d e )x + (- 12a b e + 12a b d e )x - 6a e
--R
--R
--R
             2
--R
           6a b d e
--R.
--R
          log(b x + a)
--R
--R
          3 3 3 2 3 2
                              2 3 2 2 3 2
        2b e x + 4a b e x + (- 4a b e + 12a b d e - 6b d e)x - 5a e
--R
--R
--R
          2 2 2 3 3
--R
        9a b d e - 3a b d e - b d
```

```
--R /
      6 2 5 2 4
--R
--R
     2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 483
--S 484 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                  23 3 2 2 2 3 2 2 3 3
--R
             (- 6a b e + 6b d e )x + (- 12a b e + 12a b d e )x - 6a e
--R
--R
--R
--R
             6a b d e
--R
--R
            log(b x + a)
--R
            3 3 3 2 3 2 2 3 2 3 3
--R
--R
          2b e x + 4a b e x + (- 4a b e + 12a b d e - 6b d e)x - 5a e
--R
--R
           2 2 2 3 3
--R
          9a b d e - 3a b d e - b d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
         --R
--R
             3 3 4 2 3 2 2 3 3 2 2
--R
          (6a b e - 6b d e )x + (18a b e - 18a b d e )x
--R
--R
             3 3
                    222
                               4 3 3 2
--R
          (18a b e - 18a b d e )x + 6a e - 6a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                     3 3 4 2 3
--R
         4 3 4
--R
       - 2b e x + (- 17a b e + 9b d e )x
--R
--R
           2 2 3
                    3 2
       (- 33a b e + 15a b d e + 6b d e)x
--R
--R
--R
           3 3 22 2
                             3 2 4 3 4 3 2 2 2 3 3
--R
       (- 24a b e + 6a b d e + 9a b d e + b d )x - 6a e + 3a b d e + a b d
--R /
--R
        6 2 5
--R
                   2 4 | 2 2 2
      (2b x + 4a b x + 2a b) \mid b x + 2a b x + a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 484
--S 485 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
       3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 3 4
--R
--R
      (e x + 3d e x + 3d e x + d ) \ | b x + 2a b x + a - b e x
--R
               2 3
                              2
                                   2 2
                                                2 3
--R
      (- a e - 3b d e )x + (- 3a d e - 3b d e)x + (- 3a d e - b d )x - a d
--R
--R /
--R
--R
      3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
     (b x + 3a b x + 3a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 485
)clear all
--S 486 of 1618
t0:=(d+e*x)^2/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
                  2 2 2
--R
--R
                 e x + 2d e x + d
--R
   (1) -----
--R
        2 2 2 2 2 2
--R
--R
       (b x + 2a b x + a) | b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 486
--S 487 of 1618
r0:=-1/2*(a+b*x)*(d+e*x)^2/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  e*(d+e*x)/(b^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+e^2*(a+b*x)*log(a+b*x)/_
  (b^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
   (2)
--R
         2 2 2 2
                         2 2
--R.
       (2b e x + 4a b e x + 2a e) log(b x + a) - 3b e x
--R
--R
             2 2
--R
        (- 2a b e - 4b d e)x - 2a b d e - b d
--R /
--R
      4 3 | 2 2
--R
```

```
--R
     (2b x + 2a b) | b x + 2a b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 487
--S 488 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
       (2b e x + 4a b e x + 2a e) log(b x + a) + (4a b e - 4b d e) x + 3a e
--R
--R
--R
       - 2a b d e - b d
--R /
--R
       5 2 4 2 3
--R
      2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 488
--S 489 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
             2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
           (2b e x + 4a b e x + 2a e) \log(b x + a) + (4a b e - 4b d e) x
--R
--R
            2 2
--R
          3ae - 2abde - bd
--R
--R
          +----+
          | 2 2 2
--R
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
           3 2 3 2 2 2 2 3 2
--R
--R
       (-2b e x - 6a b e x - 6a b e x - 2a e) log(b x + a) + 3b e x
--R
           2 2 3 2
                            2 2
--R
                                      2
                                             3 2
        (5a b e + 4b d e)x + (2a b e + 6a b d e + b d )x + 2a b d e + a b d
--R
--R /
--R
--R
        5 2 4
                      23 | 22 2
--R
      (2b x + 4a b x + 2a b) | b x + 2a b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 489
--S 490 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5)
--R
       2 2 2 2 2 3 2
--R
--R
       (e x + 2d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a - b e x + (-a e - 2b d e) x
--R
--R
                 2
--R
      (- 2a d e - b d )x - a d
--R /
--R
      3 3 2 2 2 3 | 2 2
--R
--R
      (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 490
)clear all
--S 491 of 1618
t0:=(d+e*x)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                    e x + d
--R (1) ------
--R
--R
       2 2 2 2 2 2
--R
      (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 491
--S 492 of 1618
r0:=-1/2*(a+b*x)*(d+e*x)^2/((b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))
--R
--R
                      2 2
--R
--R
                      e x + 2d e x + d
--R (2) ------
                2 2 | 2 2
--R
--R
--R
       ((2a b e - 2b d)x + 2a e - 2a b d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 492
--S 493 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       - 2b e x - a e - b d
--R (3) -----
        4 2 3 2 2
--R
--R
      2b x + 4a b x + 2a b
```

```
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 493
--S 494 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
             2 2 22 22 22 2
--R
--R
       ((- 2a b e + 2b d e)x - a e + b d )\|b x + 2a b x + a - b e x
--R
          2 2 3 2 2 3 2
--R
       (- a b e - 2b d e)x + (- 2a b d e - b d )x - a b d
--R
--R /
--R
           4
               5 2 23 4 32 23
--R
       ((2a b e - 2b d)x + (4a b e - 4a b d)x + 2a b e - 2a b d)
--R
       +----+
--R
       | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 494
--S 495 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
              | 2 2 2 2
--R
--R (e x + d) \setminus (b x + 2a b x + a - b e x + (-a e - b d) x - a d
--R (5) ------
--R
             3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
--R
            (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 495
)clear all
--S 496 of 1618
t0:=1/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R
        2 2
--R
                    2 | 2 2 2
--R
       (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
```

```
--E 496
--S 497 of 1618
r0:=1/2*(-a-b*x)/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
               +----+
| 2 2 2
--R
          2
--R
--R
         (2b x + 2a b) | b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 497
--S 498 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
         3 2 2 2
--R
         2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 498
--S 499 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              +----+
              | 2 2 2
--R
--R
           - \parallel b x + 2a b x + a + b x + a
--R
--R
         3 2 2 2 1 2 2 2
--R
--R
        (2b x + 4a b x + 2a b) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 499
--S 500 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                | 2 2 2
--R
--R
               --R (5) -----
--R
        3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
```

```
--R
                                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 500
)clear all
--S 501 of 1618
t0:=1/((d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
                         (1)
--R
 --R
                                                                          2 2 2 2 2 2 2 2
 --R
 --R
                     (b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 501
--S 502 of 1618
sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+e^2*(a+b*x)*log(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*_
             sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a*b*x)*log(d*e*x)/((b*d-a*e)^3*_1)-e^2*(a*b*x)*log(d*e*x)/((b*a*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*log(d*e*x)/((b*a*x)*l
            sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
                         (2)
--R
                                                    2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
                                         (2b e x + 4a b e x + 2a e) log(e x + d)
--R
                                                          2 2 2 2 2 2 2
                                                                                                                                                                                         2 2 2 2 2
--R
--R
                                         (-2b e x - 4a b e x - 2a e) log(b x + a) + (2a b e - 2b d e) x + 3a e
--R
--R
                                                                                                     2 2
--R
                                         - 4a b d e + b d
--R /
                                                              3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3
--R
--R
                                                  (2a b e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d )x + 2a e - 6a b d e
--R
                                                          2 2 2
                                                                                                  3 3
 --R
 --R
                                                6a b d e - 2a b d
  --R
 --R
                                            +----+
 --R.
                                             | 2 2 2
--R
                                          \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 502
--S 503 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
              (3)
--R
                               2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
                       (2b e x + 4a b e x + 2a e) log(e x + d)
--R
                                                         2
                                                                                                                                                 2 2
--R
                                 2 2 2
                                                                                  2 2
--R
                    (-2b e x - 4a b e x - 2a e) log(b x + a) + (2a b e - 2b d e) x + 3a e
--R
--R
                                                         2 2
--R
                       - 4a b d e + b d
--R /
                             3 2 3 2 3 2
--R
                                                                                   4 2
                                                                                                          532
--R
                       (2a b e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d )x
--R
--R
                            4 3 3 2 2 2 3 2 4 3 5 3 4
--R
                       (4a b e - 12a b d e + 12a b d e - 4a b d )x + 2a e - 6a b d e
--R
--R
                         3 2 2 2 3 3
--R
                       6a b d e - 2a b d
--R
                                                                                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 503
--S 504 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              (4)
                                     2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
                                (2b e x + 4a b e x + 2a e) log(e x + d)
--R
--R
                                          2 2 2 2
                                                                                            2 2
--R
                                  (-2b e x - 4a b e x - 2a e) log(b x + a) + (2a b e - 2b d e) x
--R
--R
                                  2 2
--R
                               3a e - 4a b d e + b d
--R
--R
                               +----+
                               | 2 2 2
--R
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                 2 2 3 2
--R
                                 3 2 3 2 2 2
--R
                       (-2b e x - 6a b e x - 6a b e x - 2a e) log(e x + d)
--R
--R
                             3 2 3 2 2 2 2 2
                                                                                                           3 2
--R
                        (2b e x + 6a b e x + 6a b e x + 2a e) log(b x + a)
--R
--R
                                2 2 3 2 2 2 2
                       (- 2a b e + 2b d e)x + (- 5a b e + 6a b d e - b d )x - 3a e
--R
--R
--R
                        2
                                                         2 2
```

```
--R
                        4abde-abd
--R /
--R
                                   3 2 3 2 4 2 5 3 2
--R
                             (2a b e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d )x
--R
                                                                                                                           43 53 4 2
--R
                                    4 3 32 2
                                                                                               2 3 2
--R
                            (4a b e - 12a b d e + 12a b d e - 4a b d )x + 2a e - 6a b d e
--R
                                3 2 2
                                                           2 3 3
--R
--R
                          6a b d e - 2a b d
--R
                          +----+
--R
                           | 2 2 2
--R
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 504
--S 505 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
--R
                      | 2 2 2
                     \| b x + 2a b x + a - b x - a
--R
--R /
                             3 4 2 3 3
--R
                                                                                                      2 2 2 3 2 3
--R
                         (b e x + (3a b e + b d)x + (3a b e + 3a b d)x + (a e + 3a b d)x + a d)
--R
--R
                          +----+
                          | 2 2 2
--R
--R
                         --R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 505
)clear all
--S 506 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
--R
                               2 2 4 2 2 3 2 2 2 2 2
                             b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d )x
--R
--R
--R
                                                                   2
                                                                                     2 2
                          (2a d e + 2a b d )x + a d
--R
--R
```

```
--R
--R
        1 2 2
--R
        --R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 506
--S 507 of 1618
r0:=1/2*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  3/2*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+3*b*_
  e^2*(a+b*x)*log(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  3*b*e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  3*e^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x))
--R
--R
--R
    (2)
--R
                          23 3 2 2
                                             2 3
              3 3 3
--R.
           - 6b e x + (- 12a b e - 6b d e )x + (- 6a b e - 12a b d e )x
--R
--R
              2
--R
           - 6a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
              3 3 3 2 2 2 3 2 2
--R
             6b e x + (12a b e + 6b d e )x + (6a b e + 12a b d e )x
--R
--R
              2 2
--R
             6a b d e
--R
--R.
         log(b x + a)
--R
           3 3 3 2 3 2 2 3 2 3 3
--R
--R
        -6b e x - 18a b e x + (-15a b e - 6a b d e + 3b d e)x - 2a e
--R
--R
           2
               2
                     2 2
                            3 3
--R
        - 9a b d e + 6a b d e - b d
--R /
--R
            4 5 3 2 4 2 3 2 3
                                         4 3 2 5 4 2
--R
         (2a b e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d e)x
--R
--R
                 4
                      4
                           3 2 2 3
                                     2 3 3 2
         (2a e - 6a b d e + 4a b d e + 4a b d e - 6a b d e + 2b d )x
--R
--R.
--R
           5 4 4 2 3 3 2 3 2 2 3 4
--R
         2a d e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2a b d
--R
--R
        +----+
--R
        1 2 2
--R
        --R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 507
--S 508 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                         23 3 2 2
          - 6b e x + (- 12a b e - 6b d e )x + (- 6a b e - 12a b d e )x
--R
--R
--R
            2 2
--R
          - 6a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
                       23 3 2 2 2 3 2 2
--R
           6b e x + (12a b e + 6b d e )x + (6a b e + 12a b d e )x
--R
--R
             2 2
--R
            6a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
             23 3 2 2 2 3 2 3 3
--R
        (-6abe+6bde)x+(-9abe+6abde+3bde)x-2ae
--R
--R
              2 2 2
--R
       - 3a b d e + 6a b d e - b d
--R /
--R
          4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
--R
       (2a b e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d e)x
--R
--R
                 4 2 4
                           3 3 2 3 2 4 3 2
--R
       (4a b e - 14a b d e + 16a b d e - 4a b d e - 4a b d e + 2b d )x
--R
         6 5 5 4 4 2 2 3
--R
                                  3 3 3 2
                                            2 4 4
--R
       (2a e - 4a b d e - 4a b d e + 16a b d e - 14a b d e + 4a b d )x
--R
        6 4 5 2 3 4 2 3 2 3 3 4
--R
--R
       2a d e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2a b d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 508
--S 509 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
                 3 3 3 2 2 2 3 2 2
--R
             - 6b e x + (- 12a b e - 6b d e )x + (- 6a b e - 12a b d e )x
--R
```

```
--R
               2 2
--R
--R
             - 6a b d e
--R
--R
            log(e x + d)
--R
               3 3 3 2 2 2 3 2 2
--R
--R
             6b e x + (12a b e + 6b d e )x + (6a b e + 12a b d e )x
--R
              2 2
--R
--R
             6a b d e
--R
--R
            log(b x + a)
--R
--R
               23 3 2 2 2 3 2 3 3
--R
          (- 6a b e + 6b d e )x + (- 9a b e + 6a b d e + 3b d e)x - 2a e
--R
--R
             2 2 2 2
                             3 3
--R
          - 3a b d e + 6a b d e - b d
--R
--R
         +----+
--R
         | 2 2 2
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
           4 3 4 3 3 4 2 3 2 2 3 3 2 2
--R
          6b e x + (18a b e + 6b d e )x + (18a b e + 18a b d e )x
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 2
--R
          (6a b e + 18a b d e )x + 6a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
                        3 3 4 2 3 2 2 3 3 2 2
--R
--R
          - 6b e x + (- 18a b e - 6b d e )x + (- 18a b e - 18a b d e )x
--R
--R
             3 3
                     222
                               3 2
--R
          (- 6a b e - 18a b d e )x - 6a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
        4 3 4 3 3 3 2 2 3 3 2
--R
       6b \ e \ x + 24a \ b \ e \ x + (33a \ b \ e + 6a \ b \ d \ e - 3b \ d \ e)x
--R
--R
--R.
          3 3 2 2 2 3 2
                                  4 3
                                         4 3 3 2 2 2 2
--R
       (17a b e + 15a b d e - 9a b d e + b d )x + 2a e + 9a b d e - 6a b d e
--R
--R
        3 3
--R
       a b d
--R /
--R
          4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
```

```
--R
                                           (2a b e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d e)x
 --R
--R
                                                    5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4 6 5 2
--R
                                              (4a b e - 14a b d e + 16a b d e - 4a b d e - 4a b d e + 2b d )x
--R
                                                     6 5 5 4 4 2 2 3 3 3 3 2
--R
                                                                                                                                                                                                                                2 4 4
                                           (2a e - 4a b d e - 4a b d e + 16a b d e - 14a b d e + 4a b d )x
--R
--R
                                                6 4 5 23 4232 334
--R
--R
                                         2a d e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2a b d
--R
                                       +----+
--R
                                         1 2 2 2
--R
--R
                                      \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 509
--S 510 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
--R
                                 | 2 2 2
                               \| b x + 2a b x + a - b x - a
--R
--R /
                                              3 2 5 2 2 3 4 2 2 2 3 2 3
--R
--R
                                           b e x + (3a b e + 2b d e)x + (3a b e + 6a b d e + b d )x
--R
                                              3 2 2 2 2 3 2 3 2
--R
--R
                                         (a e + 6a b d e + 3a b d )x + (2a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
                                   +----+
                                     | 2 2 2
--R
--R
                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 510
)clear all
--S 511 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))
--R.
--R.
--R (1)
--R 1
--R /
                                            2 3 5 3 2 2 4 2 3 2 2 2 3
--R
                                b e x + (2a b e + 3b d e )x + (a e + 6a b d e + 3b d e)x
--R
--R.
```

```
2 2 2 3 2 2 2 3 2 3
--R
--R
         (3a d e + 6a b d e + b d)x + (3a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R
        1 2 2 2
--R
--R
        --R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 511
--S 512 of 1618
r0:=1/2*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  2*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+3*e^2*_
  (a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  6*b^2*e^2*(a+b*x)*log(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2)-6*b^2*e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^5*sqrt(a^2+_
  2*a*b*x+b^2*x^2))-6*b*e^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/((b*d-a*e)^5*(d+e*x))
--R
--R
--R
    (2)
--R
             4 4 4
                    3 4
                              4 3 3
--R
          12b e x + (24a b e + 24b d e)x
--R
              --R
--R
           (12a b e + 48a b d e + 12b d e )x + (24a b d e + 24a b d e )x
--R
             2 2 2 2
--R
--R
           12a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R.
--R
              4 4 4
                       3 4 4 3 3
--R
           - 12b e x + (- 24a b e - 24b d e )x
--R
                2 2 4 3 3 4 2 2 2 2 2 3
--R
--R
           (- 12a b e - 48a b d e - 12b d e )x + (- 24a b d e - 24a b d e )x
--R
--R
              2 2 2 2
--R
          - 12a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
          4 4 4
                3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R.
        12b e x + (36a b e + 12b d e)x + (30a b e + 48a b d e - 6b d e)x
--R.
--R.
          3 4 2 2 3 4 3 4 4 3
                                               3 2222
--R
        (4a b e + 48a b d e - 4b d e)x - a e + 8a b d e + 12a b d e
--R
--R
           3 3 4 4
--R
        - 8a b d e + b d
--R /
```

```
5 7 4 2 6 3 3 2 5 2 4 3 4 5 4 3
--R
--R
             2a b e - 10a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 10a b d e
--R
--R
                6 5 2
--R
             - 2b d e
--R
--R
           3
--R
          X
--R
          67 5 6 3334 2443
--R
                                                5 5 2 6 6 2
--R
         (2a e - 6a b d e + 20a b d e - 30a b d e + 18a b d e - 4b d e)x
--R
          6 6 5 2 5 4 2 3 4
                                       3 3 4 3
                                                  5 6
--R
--R
         (4a d e - 18a b d e + 30a b d e - 20a b d e + 6a b d e - 2b d )x
--R
--R
          6 2 5 5 3 4 4 2 4 3 3 3 5 2 2 4 6 5 7
--R
        2a d e - 10a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 10a b d e - 2a b d
--R
--R
        +----+
        | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 512
--S 513 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
            4 4 4 3 4 4 3 3
--R
--R
          12b e x + (24a b e + 24b d e )x
--R
--R
             2 2 4 3 3
                               4 2 2 2 2 2 3
--R
          (12a b e + 48a b d e + 12b d e )x + (24a b d e + 24a b d e )x
--R
--R
            2 2 2 2
--R
          12a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
                          3 4 4 3 3
          - 12b e x + (- 24a b e - 24b d e )x
--R
--R
--R
               2 2 4
                        3 3 4 2 2 2 2 3 3 2 2
          (- 12a b e - 48a b d e - 12b d e )x + (- 24a b d e - 24a b d e )x
--R
--R
--R
             2 2 2 2
          - 12a b d e
--R
--R
--R
         log(b x + a)
```

```
--R
           3 4 4 3 3 2 2 4 4 2 2 2
--R
--R
       (12a b e - 12b d e )x + (18a b e - 18b d e )x
--R
--R
          3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4 3 3
--R
        (4a b e + 24a b d e - 24a b d e - 4b d e)x - a e + 8a b d e
--R
--R
           3 3 4 4
       - 8a b d e + b d
--R
--R /
--R
         5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3 7 5 2 4
--R
        (2a b e - 10a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 10a b d e - 2b d e )x
--R
                 5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3 6 5 2 7 6 3
--R
--R
        (4a b e - 16a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 16a b d e - 4b d e)x
--R
--R
                 6 6
                           5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3 2 5 5 2
--R
           2a e - 2a b d e - 18a b d e + 50a b d e - 50a b d e + 18a b d e
--R
--R
            6 6
                   7 7
--R
          2a b d e - 2b d
--R
--R
         2
--R
         X
--R
         7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2 2 5 6 6 7
--R
--R
        (4a d e - 16a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 16a b d e - 4a b d )x
--R
--R
         7 2 5 6 3 4 5 2 4 3 4 3 5 2 3 4 6
--R.
        2a d e - 10a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 10a b d e - 2a b d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 513
--S 514 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                4 4 4
--R
                        3 4 4 3 3
--R
              12b e x + (24a b e + 24b d e)x
--R
                          3 3 4 2 2 2 2 3 3 2 2
--R
                 2 2 4
--R.
              (12a b e + 48a b d e + 12b d e )x + (24a b d e + 24a b d e )x
--R
--R
                2 2 2 2
--R
              12a b d e
--R
--R
            log(e x + d)
--R
--R.
                  4 4 4
                              3 4 4 3 3
```

```
--R
             - 12b e x + (- 24a b e - 24b d e )x
--R
--R
                  --R
             (- 12a b e - 48a b d e - 12b d e )x
--R
                                    2 2 2 2
                  2 2 3 3 2 2
--R
--R
            (- 24a b d e - 24a b d e )x - 12a b d e
--R
--R
            log(b x + a)
--R
              3 4 4 3 3 2 2 4 4 2 2 2
--R
          (12a b e - 12b d e)x + (18a b e - 18b d e)x
--R
--R
            3 4 2 2 3 3 2 2
--R
                                       4 3 4 4
--R
          (4a b e + 24a b d e - 24a b d e - 4b d e)x - a e + 8a b d e
--R
--R
              3 3 4 4
--R
          - 8a b d e + b d
--R
--R
         +----+
         | 2 2 2
--R
--R
         --R
--R
            5 4 5 4 4 5 3 4
--R
          - 12b e x + (- 36a b e - 24b d e )x
--R
                    4 3 5 2 2 3
--R
               2 3 4
--R
          (- 36a b e - 72a b d e - 12b d e )x
--R
--R
               3 2 4 2 3 3 4 2 2 2
--R
          (- 12a b e - 72a b d e - 36a b d e )x
--R
--R
              3 2 3 2 3 2 2
                                  3 2 2 2
--R
         (- 24a b d e - 36a b d e )x - 12a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
                    4 4 5 3 4
           5 4 5
--R
         12b e x + (36a b e + 24b d e )x
--R
--R
            2 3 4 4 3
--R
                              5 2 2 3
          (36a b e + 72a b d e + 12b d e )x
--R
--R
--R
             3 2 4 2 3 3 4 2 2 2 3 2 3 2 3 2 3
--R
          (12a b e + 72a b d e + 36a b d e )x + (24a b d e + 36a b d e )x
--R
--R
           3 2 2 2
--R
         12a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
```

```
--R
         5 4 5 4 4 5 3 4
--R
--R
       - 12b e x + (- 48a b e - 12b d e )x
--R
            2 3 4 4 3 5 2 2 3
--R
--R
       (-66a b e -60a b d e +6b d e )x
--R
           3 2 4 2 3 3
--R
                              4 2 2 5 3 2
       (- 34a b e - 96a b d e + 6a b d e + 4b d e)x
--R
--R
--R
          4 4 3 2 3
                            2 3 2 2 4 3 5 4 5 4
--R
       (- 3a b e - 56a b d e - 12a b d e + 12a b d e - b d )x + a e
--R
              3
--R
                   3 2 2 2 2 3 3
--R
       - 8a b d e - 12a b d e + 8a b d e - a b d
--R /
--R
              5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3
--R
             2a b e - 10a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 10a b d e
--R
--R
               7 5 2
--R
             - 2b d e
--R
--R
           4
--R
          x
--R
              6 7 5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3 6 5 2
--R
--R
             4a b e - 16a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 16a b d e
--R
--R
               7 6
--R
             - 4b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
             77 6 6 5225 4334 3443
--R
--R
           2a e - 2a b d e - 18a b d e + 50a b d e - 50a b d e
--R
                              7 7
             2552 66
--R
--R
           18a b d e + 2a b d e - 2b d
--R
--R
--R
          x
--R
--R
          7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2 2 5 6 6 7
--R
         (4a d e - 16a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 16a b d e - 4a b d )x
--R
         7 2 5 6 3 4 5 2 4 3 4 3 5 2 3 4 6 2 5 7
--R
--R
         2a d e - 10a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 10a b d e - 2a b d
--R
--R.
        +----+
```

```
| 2 2 2
--R
--R
                        \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 514
--S 515 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
               (5)
--R
                      | 2 2 2
--R
                   \| b x + 2a b x + a - b x - a
--R
--R /
--R
                             3 3 6 2 3 3 2 5 2 3 2 2 3 2 4
--R
                           b e x + (3a b e + 3b d e )x + (3a b e + 9a b d e + 3b d e)x
--R.
--R
                                3 3 2 2 2 2 3 3 3
                           (a e + 9a b d e + 9a b d e + b d )x
--R
--R
                                 3 2 2 2 2 3 2 3 2 3 3 3
--R
--R
                           (3a d e + 9a b d e + 3a b d )x + (3a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
--R
                         | 2 2 2
--R
                        --R
                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 515
)clear all
--S 516 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^4*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))
--R
--R (1)
--R
               1
--R /
                             2 4 6 4 2 3 5 2 4
                                                                                                                                      3 2224
--R
--R
                           b e x + (2a b e + 4b d e )x + (a e + 8a b d e + 6b d e )x
--R
                                                          2 2 2 3 3 2 2 2 3 2 4 2
--R
--R
                            (4a d e + 12a b d e + 4b d e)x + (6a d e + 8a b d e + b d )x
--R
                                 2 3 4
--R
                                                                                 2 4
--R
                           (4a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R
                         +----+
                         | 2 2 2
--R
--R
                        \begin{tabular}{lll} \begin{
```

```
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 516
--S 517 of 1618
r0:=1/2*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  5/2*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  10/3*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  5*b*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  10*b^3*e^2*(a+b*x)*log(a+b*x)/((b*d-a*e)^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  10*b^3*e^2*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-\_
  10*b^2*e^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/((b*d-a*e)^6*(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                5 5 5
                               4 5
                                       5 4 4
--R
            -60b e x + (-120a b e -180b d e)x
--R.
--R
                  2 3 5
                             4 4
                                        5 2 3 3
--R
            (-60a b e - 360a b d e - 180b d e)x
--R
--R
                  2 3 4
                               4 2 3
            (- 180a b d e - 360a b d e - 60b d e )x
--R
--R
--R
                   2 3 2 3 4 3 2
                                             2 3 3 2
            (- 180a b d e - 120a b d e )x - 60a b d e
--R
--R
--R
          log(e x + d)
--R
--R
                            4 5
                                 5 4 4
               5 5 5
--R
            60b e x + (120a b e + 180b d e)x
--R
                        4 4
--R
                2 3 5
                                      5 2 3 3
--R
            (60a b e + 360a b d e + 180b d e)x
--R
--R
                 2 3 4
                              4 2 3
                                        5 3 2 2
--R
            (180a b d e + 360a b d e + 60b d e )x
--R
--R
                 2 3 2 3
                              4 3 2
                                          2 3 3 2
--R
            (180a b d e + 120a b d e )x + 60a b d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R.
             5 5 5
                                    5 4 4
                            4 5
--R.
         -60b e x + (-180a b e - 120b d e)x
--R
--R
               2 3 5
                          4 4
                                    5 2 3 3
--R
         (- 150a b e - 420a b d e - 30b d e )x
--R
--R
              3 2 5
                        234 423 5322
--R
         (-20a b e - 390a b d e - 240a b d e + 50b d e)x
```

```
--R
--R
        4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4 5 5
--R
       (5a b e - 60a b d e - 300a b d e + 40a b d e + 15b d e)x - 2a e
--R
--R
        4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
       15a b d e - 60a b d e - 40a b d e + 30a b d e - 3b d
--R /
                    5 2 8 4 3 2 7 3 4 3 6 2 5 4 5
--R
           6a b e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e
--R
--R
--R
                6 5 4 7 6 3
--R
           - 36a b d e + 6b d e
--R
--R
           4
--R
          X
--R
--R
             7 9 6 8 5 2 2 7 4 3 3 6 3 4 4 5
--R
           6a e - 18a b d e - 18a b d e + 150a b d e - 270a b d e
--R
             2554 663 772
--R
--R
           234a b d e - 102a b d e + 18b d e
--R
--R
          3
--R
          x
--R
             7 8 6 2 7 5 2 3 6 4 3 4 5 3 4 5 4
--R
--R
           18a d e - 90a b d e + 162a b d e - 90a b d e - 90a b d e
--R
               2 5 6 3 6 7 2 7 8
--R
--R
           162a b d e - 90a b d e + 18b d e
--R
--R
           2
--R
          X
--R
             7 2 7 6 3 6 5 2 4 5 4 3 5 4 3 4 6 3
--R
           18a d e - 102a b d e + 234a b d e - 270a b d e + 150a b d e
--R
--R
--R
                                 7 9
              2 5 7 2 6 8
           - 18a b d e - 18a b d e + 6b d
--R
--R
--R
          x
--R
--R
         7 3 6 6 4 5 5 2 5 4 4 3 6 3 3 4 7 2
--R
         6a d e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e
--R
           258 69
--R
--R
        - 36a b d e + 6a b d
--R
--R
--R
        1 2 2
```

```
--R \|b x + 2a b x + a
                                           Type: Expression(Integer)
--R
--E 517
--S 518 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
             5 5 5
                           4 5
                                   5 4 4
          - 60b e x + (- 120a b e - 180b d e )x
--R
--R
                         4 4
                                  5 2 3 3
--R
               2 3 5
--R
          (- 60a b e - 360a b d e - 180b d e )x
--R
                         4 2 3 5 3 2 2
--R
                2 3 4
--R
          (- 180a b d e - 360a b d e - 60b d e )x
--R
                2 3 2 3 4 3 2 2 3 3 2
--R
--R
          (- 180a b d e - 120a b d e )x - 60a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
            5 5 5 4 5 5 4 4
--R
          60b e x + (120a b e + 180b d e)x
--R
            2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
          (60a b e + 360a b d e + 180b d e )x
--R
--R
              --R
           (180a b d e + 360a b d e + 60b d e)x
--R
--R
              2 3 2 3
                          4 3 2
                                    2 3 3 2
--R
          (180a b d e + 120a b d e )x + 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
             45 5 4 4
--R
                                2 3 5 4 4 5 2 3 3
       (- 60a b e + 60b d e )x + (- 90a b e - 60a b d e + 150b d e )x
--R
--R
--R
           3 2 5
                    234
                                 4 2 3
       (- 20a b e - 210a b d e + 120a b d e + 110b d e )x
--R
--R.
--R.
         4 5 3 2 4 2 3 2 3
                                         432 54 55
--R
        (5a b e - 60a b d e - 120a b d e + 160a b d e + 15b d e)x - 2a e
--R
--R
                  3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
       15a b d e - 60a b d e + 20a b d e + 30a b d e - 3b d
--R /
--R
            6 2 9 5 3 8
                              4 4 2 7 3 5 3 6 2 6 4 5
```

```
--R
          6a b e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e
--R
--R
               7 5 4 8 6 3
--R
           - 36a b d e + 6b d e
--R
--R
         5
--R
         x
--R
            7 9 6 2 8 5 3 2 7 4 4 3 6 3 5 4 5
--R
--R
          12a b e - 54a b d e + 72a b d e + 30a b d e - 180a b d e
--R
             2654 763 872
--R
          198a b d e - 96a b d e + 18b d e
--R
--R
--R
         4
--R
         x
--R
--R
           8 9 6 2 2 7 5 3 3 6 4 4 4 5 3 5 5 4
          6a e - 108a b d e + 312a b d e - 360a b d e + 144a b d e
--R
--R
--R
            2663 772
                                8 8
--R
          60a b d e - 72a b d e + 18b d e
--R
--R
         3
--R
         x
--R
            8 8 7 2 7 6 2 3 6 5 3 4 5 4 4 5 4
--R
--R
          18a d e - 72a b d e + 60a b d e + 144a b d e - 360a b d e
--R
              3 5 6 3 2 6 7 2 8 9
--R
--R
           312a b d e - 108a b d e + 6b d
--R
--R
         2
--R
         x
--R
            8 2 7 7 3 6 6 2 4 5 5 3 5 4 4 4 6 3
--R
--R
          18a d e - 96a b d e + 198a b d e - 180a b d e + 30a b d e
--R
            3 5 7 2 2 6 8
                               7 9
--R
--R
          72a b d e - 54a b d e + 12a b d
--R
--R
--R
--R.
        8 3 6 7 4 5 6 2 5 4 5 3 6 3 4 4 7 2 3 5 8
--R
       6a d e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e - 36a b d e
--R
--R
        269
--R
       6a b d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 518
```

```
--S 519 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
             - 60b e x + (- 120a b e - 180b d e )x
--R
--R
                 2 3 5 4 4
                                    5 2 3 3
--R
             (- 60a b e - 360a b d e - 180b d e )x
--R
                  2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
             (- 180a b d e - 360a b d e - 60b d e )x
--R
--R
                  2 3 2 3 4 3 2 2 3 3 2
--R
             (- 180a b d e - 120a b d e )x - 60a b d e
--R
--R
            log(e x + d)
--R
--R
              5 5 5
                      45 5 4 4
             60b e x + (120a b e + 180b d e )x
--R
--R
--R
               2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
             (60a b e + 360a b d e + 180b d e )x
--R
--R
                 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
             (180a b d e + 360a b d e + 60b d e)x
--R
--R
                 2 3 2 3 4 3 2 2 3 3 2
--R
             (180a b d e + 120a b d e )x + 60a b d e
--R
--R
            log(b x + a)
--R
               45 5 4 4
                                   2 3 5 4 4
--R
          (-60a b e +60b d e )x + (-90a b e -60a b d e +150b d e )x
--R
--R
--R
              3 2 5
                      234
                                   4 2 3
                                            5 3 2 2
--R
          (- 20a b e - 210a b d e + 120a b d e + 110b d e )x
--R
            4 5
                   3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
          (5a b e - 60a b d e - 120a b d e + 160a b d e + 15b d e)x - 2a e
--R
--R
--R
           4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
          15a b d e - 60a b d e + 20a b d e + 30a b d e - 3b d
--R
--R
         +----+
--R
         1 2 2 2
--R
         --R
```

```
656 55 6 4 5
--R
--R
          60b e x + (180a b e + 180b d e)x
--R
--R
              2 4 5 5 4
                                 6 2 3 4
--R
          (180a b e + 540a b d e + 180b d e )x
--R
             3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
--R
          (60a b e + 540a b d e + 540a b d e + 60b d e )x
--R
--R
              3 3 4
                        2 4 2 3
                                    5 3 2 2
--R
          (180a b d e + 540a b d e + 180a b d e )x
--R
              3 3 2 3
                        2 4 3 2
                                    3 3 3 2
--R
--R
          (180a b d e + 180a b d e )x + 60a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
             6 5 6
                          5 5 6 4 5
          - 60b e x + (- 180a b e - 180b d e )x
--R
--R
--R
                2 4 5 5 4
                                   6234
          (- 180a b e - 540a b d e - 180b d e )x
--R
--R
--R
               3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
           (- 60a b e - 540a b d e - 540a b d e - 60b d e )x
--R
--R
                3 3 4 2 4 2 3
                                    5 3 2 2
--R
           (- 180a b d e - 540a b d e - 180a b d e )x
--R
--R
                3 3 2 3 2 4 3 2 3 3 3 2
--R
           (- 180a b d e - 180a b d e )x - 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
         6 5 6
                    5 5 6 4 5
--R
--R
      60b e x + (240a b e + 120b d e)x
--R
--R
                  5 4
                             6234
          2 4 5
       (330a b e + 540a b d e + 30b d e )x
--R
--R
--R
           3 3 5
                  2 4 4 5 2 3
                                        6 3 2 3
       (170a b e + 810a b d e + 270a b d e - 50b d e )x
--R
--R
--R.
          4 2 5 3 3 4
                             2 4 2 3
                                         5 3 2
                                                  6 4 2
--R
       (15a b e + 450a b d e + 540a b d e - 90a b d e - 15b d e)x
--R
--R
          5 5 4 2 4 3 3 2 3 5 4 6 5 6 5
--R
       (- 3a b e + 45a b d e + 360a b d e - 45a b d e + 3b d )x + 2a e
--R
--R
          5 4 4223
                              3 3 3 2 2 4 4 5 5
```

```
--R
       - 15a b d e + 60a b d e + 40a b d e - 30a b d e + 3a b d
--R /
--R
             6 2 9 5 3 8 4 4 2 7 3 5 3 6 2 6 4 5
--R
           6a b e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e
--R
                7 5 4 8 6 3
--R
--R
           - 36a b d e + 6b d e
--R
--R
           5
--R
          x
--R
             7 9
                     6 2 8 5 3 2 7 4 4 3 6 3 5 4 5
--R
           12a b e - 54a b d e + 72a b d e + 30a b d e - 180a b d e
--R
--R
              2654 763 872
--R
--R
           198a b d e - 96a b d e + 18b d e
--R
--R
           4
--R
          x
--R
            8 9 6 2 2 7 5 3 3 6 4 4 4 5 3 5 5 4
--R
           6a e - 108a b d e + 312a b d e - 360a b d e + 144a b d e
--R
--R
--R
             2663 772 88
            60a b d e - 72a b d e + 18b d e
--R
--R
--R
--R
          x
--R
             8 8 7 2 7 6 2 3 6 5 3 4 5 4 4 5 4
--R
--R
            18a d e - 72a b d e + 60a b d e + 144a b d e - 360a b d e
--R
--R
              3 5 6 3 2 6 7 2 8 9
--R
           312a b d e - 108a b d e + 6b d
--R
--R
           2
--R
          X
--R
             8 2 7 7 3 6 6 2 4 5 5 3 5 4 4 4 6 3
--R
--R
           18a d e - 96a b d e + 198a b d e - 180a b d e + 30a b d e
--R
--R
             3 5 7 2 2 6 8
                                  7 9
--R
           72a b d e - 54a b d e + 12a b d
--R
--R
--R
         8 3 6 7 4 5 6 2 5 4 5 3 6 3 4 4 7 2
--R
--R
        6a d e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e
--R
--R
          358 269
```

```
--R
                      - 36a b d e + 6a b d
--R
--R
                       +----+
                       | 2 2 2
--R
--R
                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 519
--S 520 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
             (5)
--R
                    | 2 2 2
--R
--R
                 \| b x + 2a b x + a - b x - a
--R /
--R.
                           3 4 7 2 4 3 3 6 2 4 2 3 3 2 2 5
--R
                          bex + (3a be + 4b de)x + (3a be + 12a b de + 6b de)x
--R
--R
                             3 4 2 3 2 2 2 3 3 4
--R
                         (a e + 12a b d e + 18a b d e + 4b d e)x
--R
--R
                              3 3 2 2 2 2 3 3 4 3
--R
                         (4a d e + 18a b d e + 12a b d e + b d )x
--R
                                 3 2 2 2 3 2 4 2 3 3 2 4 3 4
--R
--R
                           (6a d e + 12a b d e + 3a b d)x + (4a d e + 3a b d)x + a d
--R
--R
                       +----+
                       | 2 2 2
--R
--R
                      --R
                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 520
)clear all
--S 521 of 1618
t0:=(d+e*x)^6/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
 --R
--R
                         6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R.
                        e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d
--R (1) -----
--R
                                                                                                                   +----+
                         4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
--R
                     (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 521
```

```
--S 522 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^6/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))-_
  5/4*e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^4/(b^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  1/2*e*(d+e*x)^5/(b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  15/2*e^4*(a+b*x)*(d+e*x)^2/(b^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  5*e^3*(d+e*x)^3/(b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  15*e^4*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*log(a+b*x)/(b^7*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  15*e^5*(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/b^7
--R
--R
--R
    (2)
                          5 5
--R
               2 4 6
                                    6 2 4 4
            (60a b e - 120a b d e + 60b d e )x
--R
--R
--R
                3 3 6
                        24 5
                                       5 2 4 3
--R
            (240a b e - 480a b d e + 240a b d e )x
--R.
--R
                4 2 6
                        3 3 5
                                     2 4 2 4 2
--R
            (360a b e - 720a b d e + 360a b d e)x
--R
--R
                         4 2 5
                                      3 3 2 4 6 6
            (240a b e - 480a b d e + 240a b d e )x + 60a e - 120a b d e
--R
--R
--R
              4 2 2 4
--R
            60a b d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
          6 6 6
                      56 6 5 5
--R.
        2b e x + (-12a b e + 24b d e)x
--R
              2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
         (- 185a b e + 310a b d e - 95b d e )x
--R
--R
              3 3 6
                        24 5
                                      5 2 4
                                               6333
--R
        (- 500a b e + 760a b d e - 140a b d e - 80b d e )x
--R
--R
                        3 3 5
                                   2 4 2 4
                                                  5 3 3
                                                           6 4 2 2
              4 2 6
--R
        (-570a b e + 780a b d e - 30a b d e - 120a b d e - 30b d e )x
--R
--R
                 5 6
                          4 2 5
                                     3 3 2 4
                                                 2 4 3 3
--R
            - 300a b e + 360a b d e + 60a b d e - 80a b d e - 20a b d e
--R.
--R
               6 5
--R
           - 8b d e
--R
--R
          х
--R
                 5 5 4224 3333 2442 55
--R
            6 6
--R
        - 60a e + 60a b d e + 30a b d e - 20a b d e - 5a b d e - 2a b d e
```

```
--R
   6 6
--R
--R
       - b d
--R /
--R
      10 3 9 2 2 8 3 7 | 2 2 2
--R
    (4b x + 12a b x + 12a b x + 4a b )\|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 522
--S 523 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
            2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
         (60a b e - 120a b d e + 60b d e )x
--R
--R
             3 3 6 2 4 5 5 2 4 3
--R
         (240a b e - 480a b d e + 240a b d e )x
--R
--R
             4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 2
          (360a b e - 720a b d e + 360a b d e)x
--R
--R
            5 6 4 2 5 3 3 2 4 6 6 5 5
--R
          (240a b e - 480a b d e + 240a b d e )x + 60a e - 120a b d e
--R
--R
--R
           4 2 2 4
--R
          60a b d e
--R
--R
        log(b x + a)
--R
                56 6 5 5 2 4 6 5 5 4
--R
--R
       2b e x + (- 12a b e + 24b d e )x + (- 68a b e + 96a b d e )x
--R
                  2 4 5
--R
          3 3 6
                              5 2 4
                                      6333
--R
       (- 32a b e - 96a b d e + 240a b d e - 80b d e )x
--R
                 3 3 5 2 4 2 4
--R
          4 2 6
                                      5 3 3
                                                6 4 2 2
--R
       (132a b e - 504a b d e + 540a b d e - 120a b d e - 30b d e)x
--R
--R
            5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
--R
          168a b e - 496a b d e + 440a b d e - 80a b d e - 20a b d e
--R
--R
            6 5
          - 8b d e
--R
--R
--R
        X
--R
--R
```

```
--R
      57a e - 154a b d e + 125a b d e - 20a b d e - 5a b d e - 2a b d e
--R
--R
        6 6
--R
       - b d
--R /
      11 4 10 3 2 9 2
--R
                                3 8 4 7
      4b x + 16a b x + 24a b x + 16a b x + 4a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 523
--S 524 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
              (60a b e - 120a b d e + 60b d e )x
--R
--R
                  3 3 6
                       2 4 5 5 2 4 3
--R
              (240a b e - 480a b d e + 240a b d e)x
--R
--R
                 4 2 6
                       3 3 5 2 4 2 4 2
--R
              (360a b e - 720a b d e + 360a b d e )x
--R
                       4 2 5 3 3 2 4 6 6 5 5
--R
              (240a b e - 480a b d e + 240a b d e )x + 60a e - 120a b d e
--R
--R
--R
                4 2 2 4
--R
              60a b d e
--R
--R
            log(b x + a)
--R
                   56 6 5 5 2 4 6 5 5 4
--R
--R
           2b e x + (- 12a b e + 24b d e )x + (- 68a b e + 96a b d e )x
--R
               3 3 6 2 4 5
--R
                                   5 2 4
                                            6333
--R
           (- 32a b e - 96a b d e + 240a b d e - 80b d e )x
--R
              4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
--R
                                                       6422
--R
           (132a b e - 504a b d e + 540a b d e - 120a b d e - 30b d e )x
--R
                5 6
                        4 2 5 3 3 2 4
--R
                                              2 4 3 3 5 4 2
--R
              168a b e - 496a b d e + 440a b d e - 80a b d e - 20a b d e
--R
--R
                6 5
             - 8b d e
--R
--R
--R
            X
--R
--R
            6 6
                                4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
                   5 5
```

```
--R
          57a e - 154a b d e + 125a b d e - 20a b d e - 5a b d e
--R
--R
              5 5
                   6 6
--R
          - 2a b d e - b d
--R
         +----+
--R
         | 2 2 2
--R
         --R
--R
              256 65 7245
--R
          (- 60a b e + 120a b d e - 60b d e )x
--R
--R
               3 4 6 2 5 5 6 2 4 4
--R
--R
          (- 300a b e + 600a b d e - 300a b d e )x
--R
--R
               4 3 6 3 4 5 2 5 2 4 3
--R
          (- 600a b e + 1200a b d e - 600a b d e )x
--R
--R
              5 2 6 4 3 5
                                  3 4 2 4 2
--R
          (- 600a b e + 1200a b d e - 600a b d e )x
--R
              6 6 5 2 5 4 3 2 4 7 6 6 5
--R
--R
         (- 300a b e + 600a b d e - 300a b d e )x - 60a e + 120a b d e
--R
--R
            5 2 2 4
--R
          - 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
         767 66 756
--R
--R
       -2b e x + (10a b e - 24b d e)x
--R
          2 5 6
--R
                    6 5
                            7 2 4 5
--R
       (197a b e - 334a b d e + 95b d e )x
--R
          3 4 6 2 5 5 6 2 4 7 3 3 4
--R
--R
       (685a b e - 1070a b d e + 235a b d e + 80b d e )x
--R
                  3 4 5 2 5 2 4 6 3 3
--R
           4 3 6
                                                   7 4 2 3
--R
       (1070a b e - 1540a b d e + 170a b d e + 200a b d e + 30b d e )x
--R
            5 2 6
                    4 3 5 3 4 2 4 2 5 3 3
--R
                                                      6 4 2
--R.
          870a b e - 1140a b d e - 30a b d e + 200a b d e + 50a b d e
--R
--R
          7 5
--R
         8b d e
--R
--R
         2
--R
        x
--R
```

```
6 6 5 2 5 4 3 2 4 3 4 3 3 2 5 4 2
--R
--R
          360a b e - 420a b d e - 90a b d e + 100a b d e + 25a b d e
--R
--R
              6 5
                   7 6
--R
         10a b d e + b d
--R
--R
        X
--R
        7 6 6 5 5 2 2 4 4 3 3 3 3 4 4 2 2 5 5
--R
--R
      60a e - 60a b d e - 30a b d e + 20a b d e + 5a b d e + 2a b d e
--R
--R
        6 6
--R
       a b d
--R /
--R
--R
       11 4 10 3 2 9 2 3 8 4 7 | 2 2 2
--R
     (4b x + 16a b x + 24a b x + 16a b x + 4a b )\|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 524
--S 525 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
         6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
         (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d)
--R
--R
         1 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                                   5
--R
          6 7
                   6
--R
      - b e x + (- a e - 6b d e )x + (- 6a d e - 15b d e )x
--R
            2 4 3 3 4
                                  3 3
--R
       (- 15a d e - 20b d e )x + (- 20a d e - 15b d e )x
--R
--R
            4 2 5 2
                             5
--R
                                     6
--R
       (-15a d e - 6b d e)x + (-6a d e - b d)x - a d
--R /
--R
--R.
      5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2
--R
      (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 525
)clear all
--S 526 of 1618
```

```
t0:=(d+e*x)^5/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
             5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
--R
            ex + 5d ex + 10d ex + 10d ex + 5d ex + d
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
--R
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 526
--S 527 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^5/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))-_
  5/6*e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^3/(b^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  5/12*e*(d+e*x)^4/(b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  5/2*e^3*(d+e*x)^2/(b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  5*e^4*(b*d-a*e)*(a+b*x)*log(a+b*x)/(b^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  5*e^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/b^6
--R
--R
--R (2)
--R
                45 5 4 4 2 3 5 4 4 3
--R
          (- 60a b e + 60b d e )x + (- 240a b e + 240a b d e )x
--R
                3 2 5 2 3 4 2 4 5 3 2 4 5 5
--R
--R
           (-360a b e + 360a b d e)x + (-240a b e + 240a b d e)x - 60a e
--R
--R
            4 4
--R.
          60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
         555 45 544
--R
--R
       12b e x + (185a b e - 125b d e )x
--R
           2 3 5 4 4
--R
                               5 2 3 3
--R
        (500a b e - 260a b d e - 120b d e )x
--R
--R
           3 2 5
                   234
                               4 2 3
--R
        (570a b e - 210a b d e - 180a b d e - 60b d e )x
--R
--R.
           4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
                                                   54 55
--R.
        (300a b e - 60a b d e - 120a b d e - 40a b d e - 20b d e)x + 60a e
--R
--R
           3 2 2 3
                     2 3 3 2
                                4 4
                                       5 5
--R
        - 30a b d e - 10a b d e - 5a b d e - 3b d
--R /
--R
       93 82 27 36 22
--R
```

```
--R
     (12b x + 36a b x + 36a b x + 12a b) \ b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 527
--S 528 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                45 5 4 4 2 3 5 4 4 3
--R
          (- 60a b e + 60b d e )x + (- 240a b e + 240a b d e )x
--R
--R
                3 2 5 2 3 4 2
                                      4 5 3 2 4
--R
          (- 360a b e + 360a b d e )x + (- 240a b e + 240a b d e )x - 60a e
--R
--R
--R
            4 4
--R
          60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
         5 5 5 4 5 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
      12b e x + 48a b e x + (- 48a b e + 240a b d e - 120b d e )x
--R
--R
--R
             3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
       (- 252a b e + 540a b d e - 180a b d e - 60b d e )x
--R
--R
            4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
       (- 248a b e + 440a b d e - 120a b d e - 40a b d e - 20b d e)x
--R
--R
          5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
       - 77a e + 125a b d e - 30a b d e - 10a b d e - 5a b d e - 3b d
--R /
--R
                93 282 37
      12b x + 48a b x + 72a b x + 48a b x + 12a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 528
--S 529 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R.
                   4 5
                          5 4 4 2 3 5 4 4 3
              (- 60a b e + 60b d e )x + (- 240a b e + 240a b d e )x
--R
--R
--R
                   3 2 5 2 3 4 2
                                           4 5 3 2 4
--R
             (-360a b e + 360a b d e)x + (-240a b e + 240a b d e)x
--R
--R
                 55 4 4
--R
              - 60a e + 60a b d e
```

```
--R
--R
           log(b x + a)
--R
           5 5 5 4 5 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
          12b e x + 48a b e x + (- 48a b e + 240a b d e - 120b d e )x
--R
--R
              3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
          (-252a b e + 540a b d e - 180a b d e - 60b d e)x
--R
--R
               4 5 3 2 4
                                  2 3 2 3
                                             4 3 2
          (- 248a b e + 440a b d e - 120a b d e - 40a b d e - 20b d e)x
--R
--R
             5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
          - 77a e + 125a b d e - 30a b d e - 10a b d e - 5a b d e - 3b d
--R
--R
--R
         | 2 2 2
--R
         --R
              5 5 6 4 5 2 4 5 5 4 4
--R
--R
          (60a b e - 60b d e)x + (300a b e - 300a b d e)x
--R
              3 3 5 2 4 4 3 4 2 5
--R
                                           3 3 4 2
--R
          (600a b e - 600a b d e )x + (600a b e - 600a b d e )x
--R
              5 5 4 2 4 6 5 5 4
--R
--R
          (300a b e - 300a b d e)x + 60a e - 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                  5 5 6 4 5
--R
          656
--R
       - 12b e x + (- 197a b e + 125b d e )x
--R
           2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
--R
       (- 685a b e + 385a b d e + 120b d e )x
--R
--R
            3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
       (- 1070a b e + 470a b d e + 300a b d e + 60b d e )x
--R
--R
            4 2 5 3 3 4
                              2 4 2 3
                                           5 3 2
--R
       (-870a b e + 270a b d e + 300a b d e + 100a b d e + 20b d e)x
--R
--R.
               5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
           - 360a b e + 60a b d e + 150a b d e + 50a b d e + 25a b d e
--R
--R
            6 5
--R
           3b d
--R
--R
        X
--R
```

```
6 5 4 2 2 3 3 3 3 2 2 4 4 5 5
--R
--R
--R
      - 60a e + 30a b d e + 10a b d e + 5a b d e + 3a b d
--R /
--R
       10 4 9 3 2 8 2 3 7 4 6 | 2 2 2
--R
--R
    (12b x + 48a b x + 72a b x + 48a b x + 12a b) \ b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 529
--S 530 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
--R
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
      (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) \ b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
         5 6 5 4 5
                                            234
     - b e x + (- a e - 5b d e )x + (- 5a d e - 10b d e )x
--R
--R
         2 3 3 2 3 3 2 4 2 4 5
--R
--R
     (- 10a d e - 10b d e )x + (- 10a d e - 5b d e)x + (- 5a d e - b d )x
--R
--R
         5
--R
       - a d
--R /
--R
      5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
     (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 530
)clear all
--S 531 of 1618
t0:=(d+e*x)^4/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
                4 4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
                ex + 4d ex + 6d ex + 4d ex + d
--R (1) ------
--R
                                    +----+
        4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
--R
      (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 531
--S 532 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^4/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))-_
```

```
1/2*e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^2/(b^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  1/3*e*(d+e*x)^3/(b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  e^3*(d+e*x)/(b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+e^4*(a+b*x)*_
  log(a+b*x)/(b^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                     3 4 3 2 2 4 2 3 4
--R
        (12b e x + 48a b e x + 72a b e x + 48a b e x + 12a e) log(b x + a)
--R
--R
                     3 4
                                4 3 3
           4 4 4
--R
        -25b e x + (-52a b e - 48b d e)x
--R
--R
            2 2 4
                       3 3
                                4222
        (- 42a b e - 72a b d e - 36b d e )x
--R
--R
--R
             3 4 2 2 3
                               3 2 2
                                           4 3
        (- 12a b e - 48a b d e - 24a b d e - 16b d e)x - 12a b d e
--R
--R
--R
          2 2 2 2 3 3
--R
        - 6a b d e - 4a b d e - 3b d
--R /
--R
        8 3 7 2 2 6 3 5 | 2 2
--R
--R
       (12b x + 36a b x + 36a b x + 12a b) \ b x + 2a b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 532
--S 533 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
           4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
        (12b e x + 48a b e x + 72a b e x + 48a b e x + 12a e) log(b x + a)
--R
--R
            3 4
                   4 3 3
                                 2 2 4
                                            3 3
--R
        (48a b e - 48b d e )x + (108a b e - 72a b d e - 36b d e )x
--R
--R
                   2 2 3
                                3 2 2
                                         4 3
                                                   4 4
--R
        (88a b e - 48a b d e - 24a b d e - 16b d e)x + 25a e - 12a b d e
--R
--R.
           2 2 2 2
                      3 3
                             4 4
        - 6a b d e - 4a b d e - 3b d
--R
--R /
--R.
         9 4
              8 3 2 7 2 3 6 4 5
--R
       12b x + 48a b x + 72a b x + 48a b x + 12a b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 533
```

```
--S 534 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
             4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
          (12b e x + 48a b e x + 72a b e x + 48a b e x + 12a e) log(b x + a)
--R
              3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
          (48a b e - 48b d e )x + (108a b e - 72a b d e - 36b d e )x
--R
                    2 2 3 3 2 2
                                                 4 4 3 3
--R
            3 4
                                        4 3
          (88a b e - 48a b d e - 24a b d e - 16b d e)x + 25a e - 12a b d e
--R
--R
--R
             2 2 2 2 3 3
                             4 4
          - 6a b d e - 4a b d e - 3b d
--R
--R
--R
         +----+
         | 2 2 2
--R
--R
         --R
            5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4
--R
--R
          - 12b e x - 60a b e x - 120a b e x - 120a b e x - 60a b e x
--R
--R
            5 4
--R
          - 12a e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
         5 4 5 4 4 5 3 4
--R
--R
       25b e x + (77a b e + 48b d e)x
--R
--R
          2 3 4
                   4 3
                            5 2 2 3
--R
       (94a b e + 120a b d e + 36b d e )x
--R
                 2 3 3 4 2 2 5 3 2
--R
         3 2 4
--R
       (54a b e + 120a b d e + 60a b d e + 16b d e)x
--R
--R
                 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
       (12a b e + 60a b d e + 30a b d e + 20a b d e + 3b d )x + 12a b d e
--R
--R
        3 2 2 2 2 3 3
                          4 4
--R
       6a b d e + 4a b d e + 3a b d
--R /
--R
                                           +----+
       94 83 272 36 45 | 22
--R
--R
      (12b x + 48a b x + 72a b x + 48a b x + 12a b) b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 534
```

```
--S 535 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2 4 5
--R
--R
      (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d)\|b x + 2a b x + a - b e x
--R
--R
              3 4
                             3
                                  2 2 3 2 2 3 2
      (-ae -4bde)x + (-4ade -6bde)x + (-6ade -4bde)x
--R
--R
          3
--R
--R
      (- 4a d e - b d )x - a d
--R /
--R
     5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2
--R
    (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 535
)clear all
--S 536 of 1618
t0:=(d+e*x)^3/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                    3 3 2 2 2 3
--R
                   e x + 3d e x + 3d e x + d
--R (1) -----
--R
        4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 536
--S 537 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^4/((b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R
   (2)
     4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R.
     e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
--R /
           3 4 3 2 2 3 2 4
--R
--R
       (4a b e - 4b d)x + (12a b e - 12a b d)x + (12a b e - 12a b d)x + 4a e
--R
--R
          3
     - 4a b d
--R
--R
```

```
--R
       | 2 2 2
--R
--R
       \| b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 537
--S 538 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                23 3 2 2
         3 3 3
                                     2 3 2 2 3 2
--R
      - 4b e x + (- 6a b e - 6b d e )x + (- 4a b e - 4a b d e - 4b d e)x
--R
--R
        3 3 2 2
                      2 2
--R
--R
      -ae -abde -abde-bd
--R /
--R
      8 4 7 3 2 6 2 3 5 4 4
     4b x + 16a b x + 24a b x + 16a b x + 4a b
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 538
--S 539 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
              3 4 4 3 3 2 2 4 4 2 2 2
--R
         (-4abe +4bde)x + (-6abe +6bde)x
--R
--R
             3 4 4 3
                          4 4 4 4
--R
         (-4abe +4bde)x - ae +bd
--R
--R
         +----+
         1 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                                   4 3 5 2 2 3
                4 4
                        5 3 4
--R
        5 4 5
--R
      -bex + (-abe - 4bde)x + (-4abde - 6bde)x
--R
--R
           4 2 2
                  5 3 2
                              4 3
                                     5 4
       (-6abde - 4bde)x + (-4abde - bd)x - abd
--R
--R /
--R.
                9 4
                        2 7
                                 8 3
                                         3 6 2 7 2
--R
        (4a b e - 4b d)x + (16a b e - 16a b d)x + (24a b e - 24a b d)x
--R
--R
           45 36 54 45
--R
        (16a b e - 16a b d)x + 4a b e - 4a b d
--R
--R
       +----+
```

```
| 2 2 2
--R
--R
       --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 539
--S 540 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
       (e x + 3d e x + 3d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a - b e x
--R
     + 3 2 3 3 3 4 e )x -
--R
--R
                            2 2 2 2 3
--R
      (- a e - 3b d e )x + (- 3a d e - 3b d e)x + (- 3a d e - b d )x - a d
--R /
--R.
                                            +----+
      5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2
--R
--R
    (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 540
)clear all
--S 541 of 1618
t0:=(d+e*x)^2/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
                        2 2
--R.
--R
                        ex + 2dex + d
--R (1) -----
--R
        4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a )\|b x + 2a b x + a
                                        Type: Expression(Integer)
--R
--E 541
--S 542 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^3/((b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))+_
 1/12*e*(d+e*x)^3/((b*d-a*e)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))
--R
--R.
--R (2)
       4 4 4 3 3 2 2 2 2 2 3 3
--R
--R
       b e x + 4a e x + (12a d e - 6b d e )x + (12a d e - 8b d e)x + 4a d e
--R
--R
     - 3b d
--R
--R /
```

```
2 3 2 4 5 2 3 3 2 2 2 3 4 2 2
--R
--R
        (12a b e - 24a b d e + 12b d )x + (36a b e - 72a b d e + 36a b d )x
--R
--R
                 3 2
                            2 3 2
                                   5 2
                                          4
           4 2
--R
        (36a b e - 72a b d e + 36a b d )x + 12a e - 24a b d e + 12a b d
--R
--R
        | 2 2 2
--R
       \| b x + 2a b x + a
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 542
--S 543 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         2 2 2 2 2
                                 2 2
--R
       - 6b e x + (- 4a b e - 8b d e)x - a e - 2a b d e - 3b d
--R (3) -----
             7 4 6 3 2 5 2 3 4 4 3
--R
--R
          12b x + 48a b x + 72a b x + 48a b x + 12a b
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 543
--S 544 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
             2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
         (-6abe + 12abde -6bde)x
--R
                     3 2 2 4 3 4 4 3 3 4 4
--R
--R
         (-4abe + 12abde - 8bde)x - ae + 4abde - 3bd
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        --R
                4 4 4
                          2 3 4 4 3 5 2 2 3
--R
        5 4 5
      - b e x - 5a b e x + (- 4a b e - 12a b d e + 6b d e )x
--R
--R
--R.
          2 3 3 4 2 2
                           5 3 2
       (- 12a b d e - 6a b d e + 8b d e)x
--R.
--R
--R
           2 3 2 2 4 3
                          5 4 2 3 3 4 4
--R
       (- 12a b d e + 4a b d e + 3b d )x - 4a b d e + 3a b d
--R /
           272 8 924 362 27 823
--R
--R
        (12a b e - 24a b d e + 12b d )x + (48a b e - 96a b d e + 48a b d )x
```

```
--R
          4 5 2 3 6 2 7 2 2
--R
--R
        (72a b e - 144a b d e + 72a b d )x
--R
          5 4 2 4 5 3 6 2 6 3 2 5 4 4 5 2
--R
--R
       (48a b e - 96a b d e + 48a b d )x + 12a b e - 24a b d e + 12a b d
--R
--R
       | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 544
--S 545 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
                     +----+
       2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
     (e x + 2d e x + d )\|b x + 2a b x + a - b e x + (- a e - 2b d e)x
--R
--R
                 2
--R
     (- 2a d e - b d )x - a d
--R /
--R
      5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
      (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 545
)clear all
--S 546 of 1618
t0:=(d+e*x)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                          ex+d
--R (1) ------
--R
        4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
      (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 546
--S 547 of 1618
r0:=-1/4*(b*d-a*e)*(a+b*x)/(b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))-_
 1/3*e/(b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))
--R
--R
```

```
--R
                   - 4b e x - a e - 3b d
--R (2) ------
--R
        5 3 4 2 2 3 3 2 | 2 2 2
--R
--R
      (12b x + 36a b x + 36a b x + 12a b) \ b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 547
--S 548 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                - 4b e x - a e - 3b d
--R
        6 4 5 3 2 4 2 3 3 4 2
--R
--R
      12b x + 48a b x + 72a b x + 48a b x + 12a b
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 548
--S 549 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                        1 2 2 2 2 2 2
--R
    (-4b e x - a e - 3b d) \setminus |b x + 2a b x + a + 4b e x + (5a b e + 3b d) x
--R
--R
--R
--R
      a e + 3a b d
--R /
--R
       64 53 242 33 42 2 2
--R
    (12b x + 48a b x + 72a b x + 48a b x + 12a b )\|b x + 2a b x + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 549
--S 550 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
               +----+
               | 2 2 2
--R
--R
       (e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a - b e x + (-ae - bd)x - ad
--R ------
--R
    5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2
--R
    (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
```

```
--E 550
)clear all
--S 551 of 1618
t0:=1/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R (1) ------
        4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
      (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 551
--S 552 of 1618
r0:=1/4*(-a-b*x)/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R
--R (2) - ------
--R
         4 3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
--R
         (4b x + 12a b x + 12a b x + 4a b)\|b x + 2a b x + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 552
--S 553 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        5 4 4 3 2 3 2 3 2 4
--R
--R
        4b x + 16a b x + 24a b x + 16a b x + 4a b
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 553
--S 554 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R.
--R
                    | 2 2 2
--R
--R
                   - \parallel b x + 2a b x + a + b x + a
--R (4) ------
--R
        5 4 4 3 2 3 2 3 2 4 | 2 2 2
--R
--R
       (4b x + 16a b x + 24a b x + 16a b x + 4a b) \ b x + 2a b x + a
```

```
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 554
--S 555 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
              (5)
--R
                                                                   | 2 2 2
--R
--R
                                                                 --R
              ______
--R
                 5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
            (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a)\|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 555
)clear all
--S 556 of 1618
t0:=1/((d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R
           (1)
--R
               1
--R /
--R
                             4 5 3 4 4 2 2 3 3 3 2 2 2
--R
                            b e x + (4a b e + b d)x + (6a b e + 4a b d)x + (4a b e + 6a b d)x
--R.
--R
                                              3
--R
                            (a e + 4a b d)x + a d
--R
--R
                         +----+
                          1 2 2 2
--R
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 556
--S 557 of 1618
r0:=1/4*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))+_
       1/3*e/((b*d-a*e)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
       1/2*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
       e^3/((b*d-a*e)^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+e^4*(a+b*x)*_
       \log(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))_{-}
       e^4*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R (2)
--R
                                 4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4
                                                                                                                                                       4 4
```

```
--R
                     (12b e x + 48a b e x + 72a b e x + 48a b e x + 12a e) log(e x + d)
--R
--R
                                 4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
                     (-12b e x - 48a b e x - 72a b e x - 48a b e x - 12a e) log(b x + a)
--R
--R
                                 3 4
                                                   4 3 3
                                                                                      2 2 4
                                                                                                                   3 3 4 2 2 2
--R
                     (12a b e - 12b d e )x + (42a b e - 48a b d e + 6b d e )x
--R
                            3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4 3 3
--R
                     (52a b e - 72a b d e + 24a b d e - 4b d e)x + 25a e - 48a b d e
--R
--R
                                                          3 3
--R
                           2 2 2 2
                                                                              4 4
                      36a b d e - 16a b d e + 3b d
--R
--R /
--R
                                                              4 4 4 3 5 2 3 2 6 3 2 7 4
                                      5 3 5
--R
                                 12a b e - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e
--R
--R
                                           8 5
--R
                                - 12b d
--R
--R
                               3
--R
                              x
--R
--R
                                      6 2 5 5 3 4 4 4 2 3 3 5 3 2 2 6 4
                                   36a b e - 180a b d e + 360a b d e - 360a b d e + 180a b d e
--R
--R
                                        7 5
--R
--R
                                 - 36a b d
--R
--R
                                2
--R
                               X
--R
                                       7 5 6 2 4 5 3 2 3 4 4 3 2 3 5 4
--R
--R
                                 36a b e - 180a b d e + 360a b d e - 360a b d e + 180a b d e
--R
--R
                                           265
--R
                                - 36a b d
--R
--R
--R
                               85 7 4 6223 5332 444 355
--R
                         12a e - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e - 12a b d
--R
--R.
--R
                       +----+
                       | 2 2 2
--R
--R
                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 557
--S 558 of 1618
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
       (12b e x + 48a b e x + 72a b e x + 48a b e x + 12a e) log(e x + d)
--R
--R
                     3 4 3
                              2 2 4 2
                                        3 4
           4 4 4
      (-12b e x - 48a b e x - 72a b e x - 48a b e x - 12a e) log(b x + a)
--R
--R
--R
                  4 3 3
                              2 2 4 3 3 4 2 2 2
           3 4
--R
       (12a b e - 12b d e )x + (42a b e - 48a b d e + 6b d e )x
--R
                  2 2 3 3 2 2 4 3
--R
                                               4 4 3
--R
       (52a b e - 72a b d e + 24a b d e - 4b d e)x + 25a e - 48a b d e
--R
--R.
         2 2 2 2 3 3
                           4 4
--R
       36a b d e - 16a b d e + 3b d
--R /
                     4 5 4 3 6 2 3 2 7 3 2 8 4
--R
--R
           12a b e - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e
--R
--R
               9 5
--R
           - 12b d
--R
--R
          4
--R
         x
--R
            6 3 5 5 4 4 4 5 2 3 3 6 3 2 2 7 4
--R
--R
          48a b e - 240a b d e + 480a b d e - 480a b d e + 240a b d e
--R
--R
               8 5
--R
          - 48a b d
--R
--R
         3
--R
         x
--R
--R
            7 2 5 6 3 4 5 4 2 3 4 5 3 2 3 6 4
--R
          72a b e - 360a b d e + 720a b d e - 720a b d e + 360a b d e
--R
--R
             2 7 5
          - 72a b d
--R
--R
--R
         2
--R
         X
--R
            8 5 7 2 4 6 3 2 3 5 4 3 2 4 5 4
--R
--R
          48a b e - 240a b d e + 480a b d e - 480a b d e + 240a b d e
--R
--R
            365
```

```
- 48a b d
--R
--R
--R
        X
--R
        95 8 4 7223 6332 544 455
--R
--R
      12a e - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e - 12a b d
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 558
--S 559 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
            4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4
--R
          (12b e x + 48a b e x + 72a b e x + 48a b e x + 12a e) log(e x + d)
--R.
               4 4 4 3 4 3 2 2 4 2
--R
                                           3 4 4 4
            (- 12b e x - 48a b e x - 72a b e x - 48a b e x - 12a e )
--R
--R
--R
           log(b x + a)
--R
--R
              3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
          (12a b e - 12b d e )x + (42a b e - 48a b d e + 6b d e )x
--R
--R
            3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4 3 3
--R
          (52a b e - 72a b d e + 24a b d e - 4b d e)x + 25a e - 48a b d e
--R
--R
            2 2 2 2 3 3
                            4 4
--R
          36a b d e - 16a b d e + 3b d
--R
--R
         +----+
         | 2 2 2
--R
--R
         --R
            5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4
--R
--R
          - 12b e x - 60a b e x - 120a b e x - 120a b e x - 60a b e x
--R
--R
             5 4
--R
          - 12a e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
             5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4
--R
           12b e x + 60a b e x + 120a b e x + 120a b e x + 60a b e x
--R
--R
            5 4
--R
          12a e
--R
--R
         log(b x + a)
```

```
--R
        44 5 34 234 4 3 5223
--R
--R
       (- 12a b e + 12b d e )x + (- 54a b e + 60a b d e - 6b d e )x
--R
--R
           3 2 4 2 3 3 4 2 2 5 3 2
--R
       (- 94a b e + 120a b d e - 30a b d e + 4b d e)x
--R
                                              5 4 5 4
           4 4 3 2 3
--R
                            2 3 2 2 4 3
      (- 77a b e + 120a b d e - 60a b d e + 20a b d e - 3b d )x - 25a e
--R
--R
--R
        4 3 3222 233 44
       48a b d e - 36a b d e + 16a b d e - 3a b d
--R
--R /
                    454 3623 2732 84
--R
             5 4 5
--R
          12a b e - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e
--R
--R
              9 5
--R
          - 12b d
--R
--R
--R
          x
--R
--R
            6 3 5 5 4 4 4 5 2 3 3 6 3 2 2 7 4
--R
           48a b e - 240a b d e + 480a b d e - 480a b d e + 240a b d e
--R
            8 5
--R
--R
           - 48a b d
--R
--R
          3
--R
          X
--R
             7 2 5 6 3 4 5 4 2 3 4 5 3 2 3 6 4
--R
--R
           72a b e - 360a b d e + 720a b d e - 720a b d e + 360a b d e
--R
--R
              2 7 5
--R
          - 72a b d
--R
--R
          2
--R
          x
--R
            8 5 7 2 4 6 3 2 3 5 4 3 2 4 5 4
--R
           48a b e - 240a b d e + 480a b d e - 480a b d e + 240a b d e
--R
--R.
--R
              3 6 5
--R
          - 48a b d
--R
--R
--R
          95 8 4 7223 6332 544 455
--R
--R
        12a e - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e - 12a b d
```

```
--R
--R
       | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 559
--S 560 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5)
--R
      | 2 2 2
--R
--R
      --R /
        5 6 4 5 5 2 3 4 4
--R
--R
        b e x + (5a b e + b d)x + (10a b e + 5a b d)x
--R
            3 2 2 3 3 4 3 2 2 5 4 5
--R
--R
        (10a b e + 10a b d)x + (5a b e + 10a b d)x + (a e + 5a b d)x + a d
--R
--R
--R
       | 2 2 2
       \| b x + 2a b x + a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 560
)clear all
--S 561 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R (1)
--R
    1
--R /
         4 2 6 3 2 4 5 2 2 2 3 4 2 4
--R
--R
        b e x + (4a b e + 2b d e)x + (6a b e + 8a b d e + b d )x
--R
                  2 2 3 2 3 4 2 3 2 2 2 2
--R
        (4a b e + 12a b d e + 4a b d )x + (a e + 8a b d e + 6a b d )x
--R
--R
--R
              3 2
                        4 2
--R
        (2a d e + 4a b d )x + a d
--R
       +----+
--R
       | 2 2 2
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
```

```
--E 561
--S 562 of 1618
r0:=1/4*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))+_
  5/12*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  5/6*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  5/2*e^3/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  5*b*e^4*(a+b*x)*log(a+b*x)/((b*d-a*e)^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  5*b*e^4*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  5*e^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/((b*d-a*e)^6*(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
               5 5 5
                             4 5
                                     5 4 4
           -60b e x + (-240a b e -60b d e)x
--R
--R
--R.
                            4 4 3
                                           3 2 5 2 3 4 2
                 2 3 5
--R
            (-360a b e - 240a b d e)x + (-240a b e - 360a b d e)x
--R
--R
                 4 5
                         3 2 4
--R
            (-60a b e - 240a b d e) x - 60a b d e
--R
--R
          log(e x + d)
--R
                      45 5 4 4 2 3 5 4 4 3
--R
             5 5 5
           60b e x + (240a b e + 60b d e )x + (360a b e + 240a b d e )x
--R
--R
--R
                3 2 5
                        23 4 2 4 5 3 2 4 4 4
--R
            (240a b e + 360a b d e)x + (60a b e + 240a b d e)x + 60a b d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
            5 5 5
                       4 5 4
                                     2 3 5
--R
        -60b e x - 300a b e x + (-570a b e -60a b d e +30b d e)x
--R
--R
              3 2 5
                       234
                                     4 2 3
                                              5 3 2 2
--R
        (- 500a b e - 210a b d e + 120a b d e - 10b d e )x
--R
--R
              4 5
                       324
                                   2 3 2 3
                                                4 3 2 5 4
--R
        (-185a b e - 260a b d e + 180a b d e - 40a b d e + 5b d e)x - 12a e
--R
--R
                 4
                        3 2 2 3
                                   2 3 3 2
                                                4 4
--R.
        - 125a b d e + 120a b d e - 60a b d e + 20a b d e - 3b d
--R /
--R
                6 3 7
                       5 4 6 4 5 2 5 3 6 3 4 2 7 4 3
--R
             12a b e - 72a b d e + 180a b d e - 240a b d e + 180a b d e
--R
--R
                   8 5 2
                            9 6
--R
             - 72a b d e + 12b d e
--R.
```

```
--R
                                  4
--R
                                X
--R
                                             7 2 7 6 3 6 5 4 2 5 4 5 3 4 3 6 4 3
--R
                                    36a b e - 204a b d e + 468a b d e - 540a b d e + 300a b d e
--R
--R
                                                2752 86 97
--R
--R
                                   - 36a b d e - 36a b d e + 12b d
--R
--R
                                  3
--R
                                 х
--R
                                              8 7 7 2 6 6 3 2 5 5 4 3 4 4 5 4 3
--R
--R
                                       36a\ b\ e\ -\ 180a\ b\ d\ e\ +\ 324a\ b\ d\ e\ -\ 180a\ b\ d\ e\ -\ 180a\ b\ d\ e
--R
--R
                                             3 6 5 2 2 7 6 8 7
--R
                                   324a b d e - 180a b d e + 36a b d
--R
--R
                                  2
--R
                                 x
--R
--R
                                          97 8 6 7225 6334 5443
--R
                                   12a e - 36a b d e - 36a b d e + 300a b d e - 540a b d e
--R
--R
                                            4552 366 277
--R
                                      468a b d e - 204a b d e + 36a b d
--R
--R
                                 x
--R
                                 9 6 8 2 5 7 2 3 4 6 3 4 3 5 4 5 2
--R
--R
                             12a d e - 72a b d e + 180a b d e - 240a b d e + 180a b d e
--R
                                      4 5 6 3 6 7
--R
--R
                          - 72a b d e + 12a b d
--R
--R
                          +----+
                           1 2 2 2
--R
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 562
--S 563 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                         5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
                               - 60b e x + (- 240a b e - 60b d e )x
--R
--R
                                                  2 3 5 4 4 3 3 2 5 2 3 4 2
```

```
--R
          (-360a b e - 240a b d e)x + (-240a b e - 360a b d e)x
--R
--R
              4 5 3 2 4
                                4
--R
          (- 60a b e - 240a b d e )x - 60a b d e
--R
--R
        log(e x + d)
--R
                    45 5 4 4 2 3 5 4 4 3
--R
         60b e x + (240a b e + 60b d e )x + (360a b e + 240a b d e )x
--R
--R
             3 2 5 2 3 4 2 4 5 3 2 4
--R
         (240a b e + 360a b d e )x + (60a b e + 240a b d e )x + 60a b d e
--R
--R
--R
        log(b x + a)
--R
--R
                   5 4 4
                           2 3 5 4 4 5 2 3 3
            4 5
       (- 60a b e + 60b d e )x + (- 210a b e + 180a b d e + 30b d e )x
--R
--R
--R
           3 2 5 2 3 4 4 2 3
                                         5 3 2 2
--R
       (- 260a b e + 150a b d e + 120a b d e - 10b d e )x
--R
           4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4 5 5
--R
--R
       (- 125a b e - 20a b d e + 180a b d e - 40a b d e + 5b d e)x - 12a e
--R
--R
              4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
                                                5 5
       - 65a b d e + 120a b d e - 60a b d e + 20a b d e - 3b d
--R
--R /
--R
           647 556 4625 3734 2843
--R
          12a b e - 72a b d e + 180a b d e - 240a b d e + 180a b d e
--R
--R
              9 5 2 10 6
--R
         -72abde +12b de
--R
--R
--R
        X
--R
--R
           7 3 7 6 4 6 5 5 2 5 4 6 3 4 3 7 4 3
         48a b e - 276a b d e + 648a b d e - 780a b d e + 480a b d e
--R
--R
--R
              2852 96
                                 10 7
--R
         - 108a b d e - 24a b d e + 12b d
--R
--R.
         4
--R
         X
--R
           8 2 7 7 3 6 6 4 2 5 5 5 3 4 4 6 4 3
--R
--R
         72a b e - 384a b d e + 792a b d e - 720a b d e + 120a b d e
--R
--R
            3 7 5 2 2 8 6 9 7
--R
          288a b d e - 216a b d e + 48a b d
```

```
--R
--R
         3
--R
         X
--R
            9 7 8 2 6 7 3 2 5 6 4 3 4 5 5 4 3
--R
--R
          48a b e - 216a b d e + 288a b d e + 120a b d e - 720a b d e
--R
             4 6 5 2 3 7 6
--R
                                287
          792a b d e - 384a b d e + 72a b d
--R
--R
--R
--R
         x
--R
                   9 6 8225 7334
--R
--R
          12a e - 24a b d e - 108a b d e + 480a b d e - 780a b d e
--R
            5 5 5 2 4 6 6 3 7 7
--R
--R
          648a b d e - 276a b d e + 48a b d
--R
--R
         X
--R
--R
         10 6 9 2 5 8 2 3 4 7 3 4 3 6 4 5 2
--R
       12a de - 72a b de + 180a b de - 240a b de + 180a b de
--R
--R
          5 5 6 4 6 7
--R
       - 72a b d e + 12a b d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 563
--S 564 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                              4 5
--R
                 5 5 5
                                    5 4 4
             - 60b e x + (- 240a b e - 60b d e )x
--R
--R
--R
                           4 4 3 3 2 5 2 3 4 2
                   2 3 5
              (- 360a b e - 240a b d e )x + (- 240a b e - 360a b d e )x
--R
--R
                 4 5
--R
                          3 2 4
             (- 60a b e - 240a b d e )x - 60a b d e
--R
--R
--R
            log(e x + d)
--R
--R
               5 5 5
                          45 5 4 4 2 3 5 4 4 3
--R
              60b e x + (240a b e + 60b d e) x + (360a b e + 240a b d e) x
--R
                  3 2 5 2 3 4 2 4 5 3 2 4
--R
--R
              (240a b e + 360a b d e)x + (60a b e + 240a b d e)x
```

```
--R
              4 4
--R
--R
            60a b d e
--R
--R
           log(b x + a)
--R
               45 5 4 4 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
          (-60a b e +60b d e )x + (-210a b e +180a b d e +30b d e )x
--R
--R
              3 2 5 2 3 4
                                   4 2 3
                                           5 3 2 2
--R.
--R
          (- 260a b e + 150a b d e + 120a b d e - 10b d e )x
--R
              4 5 32 4
                                2 3 2 3
--R
                                           4 3 2 5 4
--R
          (- 125a b e - 20a b d e + 180a b d e - 40a b d e + 5b d e)x
--R
--R
            5 5
                   4
                        4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
          - 12a e - 65a b d e + 120a b d e - 60a b d e + 20a b d e - 3b d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        --R
           6 5 6 5 5 6 4 5 2 4 5 5 4 4
--R
--R
         60b e x + (300a b e + 60b d e )x + (600a b e + 300a b d e )x
--R
              3 3 5 2 4 4 3 4 2 5 3 3 4 2
--R
--R
          (600a b e + 600a b d e)x + (300a b e + 600a b d e)x
--R
--R
             5 5 4 2 4 5 4
--R
         (60a b e + 300a b d e )x + 60a b d e
--R
--R
        log(e x + d)
--R
             656 55 6 4 5
--R
--R
         -60b e x + (-300a b e -60b d e)x
--R
                        5 4 4
--R
              2 4 5
                                   3 3 5
                                              2 4 4 3
         (-600a b e - 300a b d e )x + (-600a b e -600a b d e )x
--R
--R
--R
              4 2 5
                       3 3 4 2
                                     5 5
          (- 300a b e - 600a b d e )x + (- 60a b e - 300a b d e )x
--R
--R
--R
            5 4
          - 60a b d e
--R
--R
--R
        log(b x + a)
--R
--R
        656 555 245 54 6234
       60b e x + 360a b e x + (870a b e + 60a b d e - 30b d e)x
--R
--R
```

```
3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
--R
       (1070a b e + 270a b d e - 150a b d e + 10b d e )x
--R
--R
           4 2 5
                 3 3 4
                             2 4 2 3 5 3 2 6 4 2
--R
       (685a b e + 470a b d e - 300a b d e + 50a b d e - 5b d e)x
--R
              5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
--R
           197a b e + 385a b d e - 300a b d e + 100a b d e - 25a b d e
--R
--R
            6 5
--R
          3b d
--R
--R
        x
--R
--R
        65 5 4 4223 3332 244 55
--R
       12a e + 125a b d e - 120a b d e + 60a b d e - 20a b d e + 3a b d
--R /
--R
             6 4 7
                     5 5 6 4 6 2 5 3 7 3 4 2 8 4 3
--R
           12a b e - 72a b d e + 180a b d e - 240a b d e + 180a b d e
--R
--R
                9 5 2 10 6
--R
          -72abde +12b de
--R
--R
          5
--R
          x
--R
             7 3 7 6 4 6 5 5 2 5 4 6 3 4 3 7 4 3
--R
--R
           48a b e - 276a b d e + 648a b d e - 780a b d e + 480a b d e
--R
               2852 96 107
--R
--R
           - 108a b d e - 24a b d e + 12b d
--R
--R
--R
          x
--R
             8 2 7 7 3 6 6 4 2 5 5 5 3 4 4 6 4 3
--R
--R
           72a b e - 384a b d e + 792a b d e - 720a b d e + 120a b d e
--R
             3 7 5 2 2 8 6 9 7
--R
--R
           288a b d e - 216a b d e + 48a b d
--R
--R
           3
--R.
          x
--R
             9 7 8 2 6 7 3 2 5 6 4 3 4 5 5 4 3
--R
--R
           48a b e - 216a b d e + 288a b d e + 120a b d e - 720a b d e
--R
--R
                       3 7 6 2 8 7
             4652
          792a b d e - 384a b d e + 72a b d
--R
--R.
```

```
--R
                                 2
--R
                               X
--R
                                           10 7 9 6 8 2 2 5 7 3 3 4 6 4 4 3
--R
--R
                                   12a e - 24a b d e - 108a b d e + 480a b d e - 780a b d e
--R
                                             5 5 5 2 4 6 6 3 7 7
--R
--R
                                  648a b d e - 276a b d e + 48a b d
--R
--R
                                X
--R
                                10 6
                                                           9 2 5 8 2 3 4 7 3 4 3 6 4 5 2
--R
                            12a de - 72a b de + 180a b de - 240a b de + 180a b de
--R
--R
--R
                                    5 5 6 4 6 7
--R
                          - 72a b d e + 12a b d
--R
--R
                        +----+
                        | 2 2 2
--R
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 564
--S 565 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
           (5)
--R
                     | 2 2 2
--R
--R
                  --R /
                            5 2 7 4 2 5
                                                                                                            2 3 2 4 5 2 5
--R
                                                                                            6
--R
                       b e x + (5a b e + 2b d e)x + (10a b e + 10a b d e + b d )x
--R
                                 3 2 2 2 3 4 2 4 4 2 3 2 2 3 2 3
--R
--R
                          (10a b e + 20a b d e + 5a b d )x + (5a b e + 20a b d e + 10a b d )x
--R
                              5 2 4 3 2 2 2
                                                                                                                5 4 2 5 2
--R
                          (a e + 10a b d e + 10a b d )x + (2a d e + 5a b d )x + a d
--R
--R
--R
--R
                        | 2 2 2
--R
                       \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 565
)clear all
--S 566 of 1618
```

```
t0:=1/((d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R
    (1)
--R
    1
--R /
           4 3 7 3 3 4 2 6
                                        2 2 3 3 2 4 2 5
--R
          b e x + (4a b e + 3b d e )x + (6a b e + 12a b d e + 3b d e)x
--R
--R
--R
            3 3
                     222
                                  3 2
                                         434
--R
          (4a b e + 18a b d e + 12a b d e + b d )x
--R
                       2
                              2 2 2
--R
                  3
                                         3 3 3
--R
          (a e + 12a b d e + 18a b d e + 4a b d )x
--R
--R
            4 2
                     3 2
                                2 2 3 2
                                          4 2
                                                    3 3
--R
          (3a d e + 12a b d e + 6a b d)x + (3a d e + 4a b d)x + a d
--R
--R
         +----+
--R
         1 2 2
--R
        --R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 566
--S 567 of 1618
r0:=1/4*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))+_
  1/2*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  5/4*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  5*e^3/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  15/2*e^4*(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*(d+e*x)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  15*b^2*e^4*(a+b*x)*log(a+b*x)/((b*d-a*e)^7*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  15*b^2*e^4*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^7*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))_{-}
  15*b*e^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/((b*d-a*e)^7*(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                          5 6
                                   6 5 5
              6 6 6
--R
            60b e x + (240a b e + 120b d e)x
--R
--R
                2 4 6
                           5 5
                                    6 2 4 4
--R
            (360a b e + 480a b d e + 60b d e)x
--R
--R.
                3 3 6
                        24 5
                                       5 2 4 3
--R.
            (240a b e + 720a b d e + 240a b d e)x
--R
--R
               4 2 6
                        3 3 5
                                      2 4 2 4 2
--R
            (60a b e + 480a b d e + 360a b d e)x
--R
--R
                4 2 5 3 3 2 4
                                        4 2 2 4
--R
            (120a b d e + 240a b d e)x + 60a b d e
```

```
--R
--R
         log(e x + d)
--R
                    56 6 5 5
--R
              6 6 6
          -60b e x + (-240a b e - 120b d e)x
--R
--R
               2 4 6
--R
                         5 5
                                  6 2 4 4
--R
          (- 360a b e - 480a b d e - 60b d e )x
--R
--R
               3 3 6
                       24 5
                                    5 2 4 3
--R
          (- 240a b e - 720a b d e - 240a b d e )x
--R
                      3 3 5
                                  2 4 2 4 2
--R
              4 2 6
--R
          (- 60a b e - 480a b d e - 360a b d e )x
--R
--R
               4 2 5 3 3 2 4 4 2 2 4
--R
          (- 120a b d e - 240a b d e )x - 60a b d e
--R
--R
        log(b x + a)
--R
--R
         666 56 655
--R
       60b e x + (300a b e + 60b d e)x
--R
--R
          246 55 6244
--R
       (570a b e + 360a b d e - 30b d e)x
--R
           3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
--R
       (500a b e + 780a b d e - 60a b d e - 20b d e)x
--R
           4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3 6 4 2 2
--R
--R
       (185a b e + 760a b d e + 30a b d e - 80a b d e + 5b d e )x
--R
                     4 2 5
                                          2 4 3 3 5 4 2
--R
                               3 3 2 4
--R
         12a b e + 310a b d e + 140a b d e - 120a b d e + 20a b d e
--R
--R
            6 5
         - 2b d e
--R
--R
--R
--R
                5 5 4224 3333 2442 55
--R
       - 2a e + 24a b d e + 95a b d e - 80a b d e + 30a b d e - 8a b d e
--R
--R
--R
        6 6
--R
       b d
--R /
             739 64 8 5527 4636 3745
--R
--R
           4a b e - 28a b d e + 84a b d e - 140a b d e + 140a b d e
--R
--R
               2 8 5 4 9 6 3 10 7 2
```

```
--R
                             -84abde +28abde -4b de
--R
--R
                               5
--R
                             x
--R
                                        8 2 9 7 3 8 6 4 2 7 5 5 3 6 4 6 4 5
--R
--R
                               12a b e - 76a b d e + 196a b d e - 252a b d e + 140a b d e
--R
                                     3 7 5 4 2 8 6 3 9 7 2 10 8
--R
--R
                               28a b d e - 84a b d e + 44a b d e - 8b d e
--R
--R
--R
                             х
--R
                                      9 9 8 2 8 7 3 2 7 6 4 3 6 5 5 4 5
--R
--R
                                 12a b e - 60a b d e + 88a b d e + 56a b d e - 336a b d e
--R
--R
                                        4654 3763
                                                                                                2872 98 109
--R
                                448a b d e - 280a b d e + 72a b d e + 4a b d e - 4b d
--R
--R
--R
                             X
--R
--R
                                   10 9 8 8 2 2 7 7 3 3 6 6 4 4 5
--R
                                4a e - 4a b d e - 72a b d e + 280a b d e - 448a b d e
--R
--R
                                      5 5 5 4 4 6 6 3 3 7 7 2 2 8 8 9 9
--R
                                336a b d e - 56a b d e - 88a b d e + 60a b d e - 12a b d
--R
--R
                               2
--R
                             X
--R
                                    10 8 9 2 7 8 2 3 6 7 3 4 5 6 4 5 4
--R
--R
                                8a de - 44a b de + 84a b de - 28a b de - 140a b de
--R
                                       5 5 6 3 4 6 7 2 3 7 8 2 8 9
--R
--R
                               252a b d e - 196a b d e + 76a b d e - 12a b d
--R
--R
--R
                            10 2 7 9 3 6 8 2 4 5 7 3 5 4 6 4 6 3
--R
                         4a de - 28a b de + 84a b de - 140a b de + 140a b de
--R
--R
                                5 5 7 2 4 6 8
                                                                                   3 7 9
--R
                        - 84a b d e + 28a b d e - 4a b d
--R
--R
--R
                      +----+
--R
                      | 2 2 2
--R
                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
```

```
--E 567
--S 568 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
            666 56 655
--R
          60b e x + (240a b e + 120b d e )x
--R
--R
--R
               2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
          (360a b e + 480a b d e + 60b d e )x
--R
--R
              3 3 6 2 4 5
                                   5 2 4 3
--R
          (240a b e + 720a b d e + 240a b d e )x
--R
--R
             4 2 6 3 3 5
                                 2 4 2 4 2
--R
           (60a b e + 480a b d e + 360a b d e )x
--R
--R
              4 2 5 3 3 2 4 4 2 2 4
--R
           (120a b d e + 240a b d e )x + 60a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
             6 6 6
                      56 6 5 5
--R
          -60b e x + (-240a b e - 120b d e)x
--R
--R
--R
                2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
          (- 360a b e - 480a b d e - 60b d e )x
--R
--R
                3 3 6 2 4 5 5 2 4 3
--R
          (- 240a b e - 720a b d e - 240a b d e )x
--R
--R
               4 2 6 3 3 5
                                   2 4 2 4 2
--R
          (-60a b e -480a b d e -360a b d e )x
--R
--R
               4 2 5 3 3 2 4
                                    4 2 2 4
--R
          (- 120a b d e - 240a b d e )x - 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
           5 6 6 5 5 2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R.
        (60a b e - 60b d e )x + (210a b e - 120a b d e - 90b d e )x
--R
--R
          3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
        (260a b e + 60a b d e - 300a b d e - 20b d e )x
--R
--R
                   3 3 5
                              2 4 2 4
                                         5 3 3
       (125a b e + 280a b d e - 330a b d e - 80a b d e + 5b d e )x
--R
--R
```

```
5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
--R
--R
         12a b e + 190a b d e - 100a b d e - 120a b d e + 20a b d e
--R
--R
            6 5
--R
         - 2b d e
--R
--R
        X
--R
         6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2 5 5
--R
--R
      - 2a e + 24a b d e + 35a b d e - 80a b d e + 30a b d e - 8a b d e
--R
--R
       6 6
--R
       b d
--R /
--R
           7 4 9 6 5 8 5 6 2 7 4 7 3 6 3 8 4 5
--R
          4a b e - 28a b d e + 84a b d e - 140a b d e + 140a b d e
--R
--R
            2 9 5 4 10 6 3 11 7 2
         -84a b d e +28a b d e -4b d e
--R
--R
--R
        6
--R
        X
--R
--R
           8 3 9 7 4 8 6 5 2 7 5 6 3 6 4 7 4 5
--R
         16a b e - 104a b d e + 280a b d e - 392a b d e + 280a b d e
--R
--R
              3 8 5 4 2 9 6 3 10 7 2
--R
          - 56a b d e - 56a b d e + 40a b d e - 8b d e
--R
--R
         5
--R
        x
--R
           929 838 7427 6536 5645
--R
--R
         24a b e - 136a b d e + 284a b d e - 196a b d e - 196a b d e
--R
            4754 3863 2972 108
--R
--R
         476a b d e - 364a b d e + 116a b d e - 4a b d e - 4b d
--R
--R
         4
--R
        X
--R
--R
           10 9 92 8 8327 7436 6545
--R
         16a be - 64a bde + 16a bde + 336a bde - 784a bde
--R
--R
           5 6 5 4 4 7 6 3 3 8 7 2 2 9 8 10 9
--R
          784a b d e - 336a b d e - 16a b d e + 64a b d e - 16a b d
--R
--R
         3
--R
        x
--R
```

```
11 9 10 8 9 2 2 7 8 3 3 6 7 4 4 5
--R
--R
          4a e + 4a b d e - 116a b d e + 364a b d e - 476a b d e
--R
--R
             6554 5663 4772 388
--R
         196a b d e + 196a b d e - 284a b d e + 136a b d e - 24a b d
--R
--R
         2
--R
        x
--R
          11 8 10 27 9236 8345
--R
--R
         8a de - 40a bde + 56abde + 56abde - 280abde
--R
            6 5 6 3 5 6 7 2 4 7 8
                                          389
--R
--R
         392a b d e - 280a b d e + 104a b d e - 16a b d
--R
--R
         X
--R
--R
        11 2 7 10 3 6 9 2 4 5 8 3 5 4 7 4 6 3
--R
       4a de - 28a bde + 84abde - 140abde + 140abde
--R
--R
          6572 568
                            479
--R
       - 84a b d e + 28a b d e - 4a b d
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 568
--S 569 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
               6 6 6 5 6 6 5 5
--R
--R
             60b e x + (240a b e + 120b d e )x
--R
                2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
             (360a b e + 480a b d e + 60b d e)x
--R
--R
                3 3 6 2 4 5
                                     5 2 4 3
--R
             (240a b e + 720a b d e + 240a b d e)x
--R
--R
                4 2 6
                       3 3 5
                                   2 4 2 4 2
--R
             (60a b e + 480a b d e + 360a b d e)x
--R
--R.
                4 2 5 3 3 2 4 4 2 2 4
--R
             (120a b d e + 240a b d e )x + 60a b d e
--R
--R
            log(e x + d)
--R
--R
                             56 6 5 5
                666
             - 60b e x + (- 240a b e - 120b d e )x
--R
--R
```

```
2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
             (- 360a b e - 480a b d e - 60b d e )x
--R
--R
--R
                   3 3 6
                          2 4 5
                                       5 2 4 3
--R
             (-240a b e - 720a b d e - 240a b d e)x
--R
                  4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 2
--R
--R
             (- 60a b e - 480a b d e - 360a b d e )x
--R
                  4 2 5 3 3 2 4
--R
                                       4224
             (- 120a b d e - 240a b d e )x - 60a b d e
--R
--R
--R
            log(b x + a)
--R
              5 6 6 5 5 2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
          (60a b e - 60b d e )x + (210a b e - 120a b d e - 90b d e )x
--R
--R
             3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
          (260a b e + 60a b d e - 300a b d e - 20b d e)x
--R
--R
--R
             4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3 6 4 2 2
          (125a b e + 280a b d e - 330a b d e - 80a b d e + 5b d e )x
--R
--R
--R
              5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3 5 4 2
             12a b e + 190a b d e - 100a b d e - 120a b d e + 20a b d e
--R
--R
--R
                6 5
--R
             - 2b d e
--R
--R
--R
            6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
--R
          - 2a e + 24a b d e + 35a b d e - 80a b d e + 30a b d e
--R
--R
              5 5 6 6
--R
          - 8a b d e + b d
--R
--R
          +----+
          | 2 2 2
--R
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
             767
                          6 6 7 5 6
--R
          -60b e x + (-300a b e - 120b d e)x
--R
--R
               256 65
                                 7 2 4 5
--R
          (- 600a b e - 600a b d e - 60b d e )x
--R
--R
                        25 5
               3 4 6
          (- 600a b e - 1200a b d e - 300a b d e )x
--R
--R
```

```
--R
               4 3 6 3 4 5 2 5 2 4 3
--R
           (-300a b e - 1200a b d e - 600a b d e)x
--R
--R
               5 2 6 4 3 5
                                 3 4 2 4 2
--R
           (- 60a b e - 600a b d e - 600a b d e )x
--R
                5 2 5 4 3 2 4 5 2 2 4
--R
--R
           (- 120a b d e - 300a b d e )x - 60a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
            767
                        6 6
                               7 5 6
          60b e x + (300a b e + 120b d e)x
--R
--R
--R
              256 65 7245
          (600a b e + 600a b d e + 60b d e )x
--R
--R
--R
              3 4 6 2 5 5 6 2 4 4
           (600a b e + 1200a b d e + 300a b d e )x
--R
--R
--R
              4 3 6 3 4 5
                                  25243
          (300a b e + 1200a b d e + 600a b d e )x
--R
--R
--R
            5 2 6 4 3 5 3 4 2 4 2
--R
           (60a b e + 600a b d e + 600a b d e )x
--R
--R
               5 2 5 4 3 2 4
--R
          (120a b d e + 300a b d e )x + 60a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
           767 66 756
--R
--R
       -60b e x + (-360a b e -60b d e)x
--R
--R
            2 5 6
                       6 5
                                7 2 4 5
       (- 870a b e - 420a b d e + 30b d e )x
--R
--R
--R
                      2 5 5
                                 6 2 4 7 3 3 4
              3 4 6
--R
       (- 1070a b e - 1140a b d e + 90a b d e + 20b d e )x
--R
                      3 4 5 2 5 2 4
--R
            4 3 6
                                             6 3 3
       (-685a b e - 1540a b d e + 30a b d e + 100a b d e - 5b d e )x
--R
--R
--R
              5 2 6
                       4 3 5 3 4 2 4 2 5 3 3 6 4 2
--R
          - 197a b e - 1070a b d e - 170a b d e + 200a b d e - 25a b d e
--R
--R
           7 5
--R
          2b d e
--R
--R
         2
```

```
--R
       X
--R
--R
           6 6 5 2 5 4 3 2 4 3 4 3 3 2 5 4 2
--R
          - 10a b e - 334a b d e - 235a b d e + 200a b d e - 50a b d e
--R
--R
             6 5 7 6
--R
         10a b d e - b d
--R
--R
        X
--R
--R
        7 6 6 5 5 2 2 4 4 3 3 3 3 4 4 2 2 5 5
       2a e - 24a b d e - 95a b d e + 80a b d e - 30a b d e + 8a b d e
--R
--R
--R
         6 6
--R
       - a b d
--R /
--R
            749 658 5627 4736 3845
--R
           4a b e - 28a b d e + 84a b d e - 140a b d e + 140a b d e
--R
              2 9 5 4 10 6 3 11 7 2
--R
--R
           -84a b d e + 28a b d e - 4b d e
--R
--R
          6
--R
          x
--R
            839 748 6527 5636 4745
--R
--R
           16a b e - 104a b d e + 280a b d e - 392a b d e + 280a b d e
--R
--R
              3 8 5 4 2 9 6 3 10 7 2
                                           11 8
--R
           - 56a b d e - 56a b d e + 40a b d e - 8b d e
--R
--R
          5
--R
          x
--R
             929 83 8 7427 6536 5645
--R
--R
           24a b e - 136a b d e + 284a b d e - 196a b d e - 196a b d e
--R
--R
             4754 3863 2972 108
           476a b d e - 364a b d e + 116a b d e - 4a b d e - 4b d
--R
--R
--R
           4
--R
          х
--R.
--R
             10 9 92 8 8327 7436 6545
--R
           16a b e - 64a b d e + 16a b d e + 336a b d e - 784a b d e
--R
             5 6 5 4 4 7 6 3 3 8 7 2 2 9 8 10 9
--R
--R
           784a b d e - 336a b d e - 16a b d e + 64a b d e - 16a b d
--R
--R
          3
```

```
--R
        x
--R
            11 9 10 8 9 2 2 7 8 3 3 6 7 4 4 5
--R
--R
           4a e + 4a b d e - 116a b d e + 364a b d e - 476a b d e
--R
             6554 5663 4772 388
--R
--R
          196a b d e + 196a b d e - 284a b d e + 136a b d e - 24a b d
--R
--R
--R
         x
--R
            11 8 10 27 9236 8345 7454
--R
          8a de - 40a b de + 56a b de + 56a b de - 280a b de
--R
--R
             6 5 6 3 5 6 7 2 4 7 8
--R
                                        389
--R
          392a b d e - 280a b d e + 104a b d e - 16a b d
--R
--R
         X
--R
--R
         11 2 7 10 3 6 9 2 4 5 8 3 5 4 7 4 6 3
--R
        4a de - 28a b de + 84a b de - 140a b de + 140a b de
--R
--R
          6572 568
                           479
--R
        - 84a b d e + 28a b d e - 4a b d
--R
--R
       1 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 569
--S 570 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
      | 2 2 2
--R
--R
     --R /
                       5 2 7 2 3 3 4 2 5 2 6
--R
        5 3 8 4 3
       b e x + (5a b e + 3b d e )x + (10a b e + 15a b d e + 3b d e)x
--R
--R
--R
          3 2 3 2 3 2
                            4 2 5 3 5
--R
        (10a b e + 30a b d e + 15a b d e + b d )x
--R
--R
         4 3 3 2 2 2 3 2 4 3 4
--R
        (5a b e + 30a b d e + 30a b d e + 5a b d )x
--R
        5 3 4 2 3 2 2 2 3 3 3
--R
```

```
--R
          (a e + 15a b d e + 30a b d e + 10a b d )x
--R
--R
            5 2 4 2
                                 3 2 3 2
                                           5 2
                                                  4 3 5 3
--R
          (3a d e + 15a b d e + 10a b d)x + (3a d e + 5a b d)x + a d
--R
--R
         | 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 570
)clear all
--S 571 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^4*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))
--R
--R.
--R
    (1)
--R
      1
--R /
--R
           448 34 437 224 33 4226
--R
          b e x + (4a b e + 4b d e )x + (6a b e + 16a b d e + 6b d e )x
--R
--R
                    2 2 3 3 2 2 4 3 5
            3 4
--R
          (4a b e + 24a b d e + 24a b d e + 4b d e)x
--R
                 3
--R
           4 4
                       3 2222
                                         3 3 4 4 4
--R
          (a e + 16a b d e + 36a b d e + 16a b d e + b d )x
--R
--R
            4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 3
--R
          (4a d e + 24a b d e + 24a b d e + 4a b d )x
--R
--R
             4 2 2
                     3 3
                              2 2 4 2
                                          4 3
--R
          (6a d e + 16a b d e + 6a b d )x + (4a d e + 4a b d )x + a d
--R
--R
--R
         1 2 2
--R
        --R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 571
--S 572 of 1618
r0:=1/4*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))+_
  7/12*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  7/4*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  35/4*e^3/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  35/3*e^4*(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*(d+e*x)^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  35/2*b*e^4*(a+b*x)/((b*d-a*e)^6*(d+e*x)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  35*b^3*e^4*(a+b*x)*log(a+b*x)/((b*d-a*e)^8*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))_{-}
  35*b^3*e^4*(a+b*x)*log(d+e*x)/((b*d-a*e)^8*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
```

```
35*b^2*e^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/((b*d-a*e)^8*(d+e*x))
--R
--R
--R (2)
               7 7 7 6 7 7 6 6
--R
--R
          - 420b e x + (- 1680a b e - 1260b d e )x
--R
--R
                 2 5 7
                                      7 2 5 5
                           6 6
          (- 2520a b e - 5040a b d e - 1260b d e )x
--R
--R
--R
                 3 4 7
                        256625
                                                7 3 4 4
          (- 1680a b e - 7560a b d e - 5040a b d e - 420b d e )x
--R
--R
--R
                         3 4 6
                                     2 5 2 5
          (- 420a b e - 5040a b d e - 7560a b d e - 1680a b d e )x
--R
--R
--R
                4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 2
--R
          (- 1260a b d e - 5040a b d e - 2520a b d e )x
--R
--R
                4 3 2 5 3 4 3 4
                                      4 3 3 4
--R
           (- 1260a b d e - 1680a b d e )x - 420a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
            777
                   67 7 6 6
--R
          420b e x + (1680a b e + 1260b d e )x
--R
--R
--R
               257 66 7255
--R
          (2520a b e + 5040a b d e + 1260b d e )x
--R
                                      6 2 5 7 3 4 4
--R
               3 4 7 2 5 6
--R
          (1680a b e + 7560a b d e + 5040a b d e + 420b d e )x
--R
                                   2525 6343
              4 3 7 3 4 6
--R
--R
           (420a b e + 5040a b d e + 7560a b d e + 1680a b d e )x
--R
--R
               4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 2
--R
           (1260a b d e + 5040a b d e + 2520a b d e)x
--R
--R
               4 3 2 5
                          3 4 3 4
--R
          (1260a b d e + 1680a b d e )x + 420a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
           777
                       67 7 6 6
--R
       -420b e x + (-2100a b e -840b d e)x
--R
--R
                     6 6 7 2 5 5
       (- 3990a b e - 4620a b d e - 210b d e )x
--R
--R
```

```
3 4 7 2 5 6 6 2 5 7 3 4 4
--R
--R
       (- 3500a b e - 9450a b d e - 2100a b d e + 350b d e )x
--R
--R
             4 3 7 3 4 6
                                  2 5 2 5
                                              6 3 4 7 4 3 3
--R
        (- 1295a b e - 8820a b d e - 5670a b d e + 980a b d e + 105b d e )x
--R
              5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3
--R
--R
          - 84a b e - 3465a b d e - 6300a b d e + 630a b d e + 420a b d e
--R
--R
             7 5 2
--R
         - 21b d e
--R
--R
         2
--R
        x
--R
--R
            6 7 5 2 6 4 3 2 5 3 4 3 4 2 5 4 3
--R
         14a b e - 252a b d e - 2835a b d e - 420a b d e + 630a b d e
--R
--R
               6 5 2 7 6
--R
         - 84a b d e + 7b d e
--R
--R
         X
--R
--R
         77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3
--R
       - 4a e + 42a b d e - 252a b d e - 525a b d e + 420a b d e
--R
--R
           2552 66
                             7 7
--R
       - 126a b d e + 28a b d e - 3b d
--R /
--R
             8 3 11 7 4 10 6 5 2 9 5 6 3 8 4 7 4 7
--R
            12a b e - 96a b d e + 336a b d e - 672a b d e + 840a b d e
--R
                3 8 5 6 2 9 6 5 10 7 4 11 8 3
--R
--R
           - 672a b d e + 336a b d e - 96a b d e + 12b d e
--R
--R
           6
--R
          X
--R
             9 2 11 8 3 10 7 4 2 9 6 5 3 8 5 6 4 7
--R
--R
           36a b e - 252a b d e + 720a b d e - 1008a b d e + 504a b d e
--R
--R
             4 7 5 6 3 8 6 5 2 9 7 4 10 8 3 11 9 2
--R
          504a b d e - 1008a b d e + 720a b d e - 252a b d e + 36b d e
--R
--R
           5
--R
          x
--R
             10 11 9 2 10 8 3 2 9 7 4 3 8
--R
           36a be - 180a b d e + 180a b d e + 720a b d e
--R
--R
```

```
6547 5656 4765 3874
--R
           - 2520a b d e + 3528a b d e - 2520a b d e + 720a b d e
--R
--R
              2 9 8 3 10 9 2 11 10
--R
--R
          180a b d e - 180a b d e + 36b d e
--R
--R
--R
         x
--R
             11 11 10 10 9 2 2 9 8 3 3 8
--R
--R
          12a e + 12a b d e - 420a b d e + 1500a b d e - 2280a b d e
--R
              6556 5665 4774 3883
--R
--R
           1176a b d e + 1176a b d e - 2280a b d e + 1500a b d e
--R
--R
              2 9 9 2 10 10 11 11
--R.
           - 420a b d e + 12a b d e + 12b d
--R
--R
          3
--R
          x
--R
            11 10 10 29 9238 8347
--R
--R
           36a de - 180a b de + 180a b de + 720a b de
--R
                7 4 5 6 6 5 6 5 5 6 7 4 4 7 8 3
--R
           - 2520a b d e + 3528a b d e - 2520a b d e + 720a b d e
--R
--R
--R
              3 8 9 2 2 9 10 10 11
--R
          180a b d e - 180a b d e + 36a b d
--R
--R
          2
--R
         X
--R
             11 2 9 10 3 8 9 2 4 7 8 3 5 6 7 4 6 5
--R
--R
           36a d e - 252a b d e + 720a b d e - 1008a b d e + 504a b d e
--R
             6 5 7 4 5 6 8 3 4 7 9 2 3 8 10 2 9 11
--R
--R
          504a b d e - 1008a b d e + 720a b d e - 252a b d e + 36a b d
--R
--R
--R
--R
         11 3 8 10 4 7 9 2 5 6 8 3 6 5 7 4 7 4
--R
        12a de - 96a b de + 336a b de - 672a b de + 840a b de
--R
           6 5 8 3 5 6 9 2 4 7 10 3 8 11
--R
--R
        - 672a b d e + 336a b d e - 96a b d e + 12a b d
--R
--R
       | 2 2 2
--R
--R
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 572
--S 573 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
              777 67 766
--R
--R
          - 420b e x + (- 1680a b e - 1260b d e )x
--R
--R
                2 5 7
                           6 6
                                     7 2 5 5
          (- 2520a b e - 5040a b d e - 1260b d e )x
--R
--R
                3 4 7
                       256 625 7344
--R
--R
          (- 1680a b e - 7560a b d e - 5040a b d e - 420b d e )x
--R
--R
               4 3 7
                       3 4 6 2 5 2 5
                                                 6 3 4 3
          (- 420a b e - 5040a b d e - 7560a b d e - 1680a b d e )x
--R
--R
--R
                4 3 6 3 4 2 5
                                     25342
          (- 1260a b d e - 5040a b d e - 2520a b d e )x
--R
--R
--R
                4 3 2 5 3 4 3 4 4 3 3 4
           (- 1260a b d e - 1680a b d e )x - 420a b d e
--R
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
             777
                    67 7 6 6
--R
          420b e x + (1680a b e + 1260b d e )x
--R
               257 66 7255
--R
--R
          (2520a b e + 5040a b d e + 1260b d e )x
--R
              3 4 7
--R
                        256
                                     6 2 5
--R
          (1680a b e + 7560a b d e + 5040a b d e + 420b d e )x
--R
--R
              4 3 7
                     3 4 6
                                   2 5 2 5
                                                6 3 4 3
          (420a b e + 5040a b d e + 7560a b d e + 1680a b d e)x
--R
--R
--R
              4 3 6 3 4 2 5
                                   25342
          (1260a b d e + 5040a b d e + 2520a b d e)x
--R
--R
--R
               4 3 2 5
                       3 4 3 4
                                    4 3 3 4
--R
          (1260a b d e + 1680a b d e )x + 420a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
              67 7 6 6 2 5 7 6 6 7 2 5 5
--R
--R
       (-420a b e + 420b d e)x + (-1470a b e + 420a b d e + 1050b d e)x
```

```
--R
         3 4 7 2 5 6 6 2 5 7 3 4 4
--R
--R
       (- 1820a b e - 1890a b d e + 2940a b d e + 770b d e )x
--R
            4 3 7 3 4 6 2 5 2 5 6 3 4 7 4 3 3
--R
--R
       (-875a b e -3780a b d e +1890a b d e +2660a b d e +105b d e )x
--R
                                  3 4 2 5
                                             2 5 3 4 6 4 3
--R
             5 2 7
                      4 3 6
--R
         - 84a b e - 2205a b d e - 1260a b d e + 3150a b d e + 420a b d e
--R
--R
             7 5 2
         - 21b d e
--R
--R
--R
         2
--R
        x
--R
           6 7 5 2 6 4 3 2 5 3 4 3 4 2 5 4 3
--R.
--R
          14a b e - 252a b d e - 1575a b d e + 1260a b d e + 630a b d e
--R
--R
              6 5 2 7 6
--R
          - 84a b d e + 7b d e
--R
--R
--R
--R
         77 6 6 5225 4334 3443
       - 4a e + 42a b d e - 252a b d e - 105a b d e + 420a b d e
--R
--R
--R
           2552 66 77
--R
       - 126a b d e + 28a b d e - 3b d
--R /
            8 4 11 7 5 10 6 6 2 9 5 7 3 8 4 8 4 7
--R
--R
         12a b e - 96a b d e + 336a b d e - 672a b d e + 840a b d e
--R
              3 9 5 6 2 10 6 5 11 7 4 12 8 3
--R
--R
         - 672a b d e + 336a b d e - 96a b d e + 12b d e
--R
--R
         7
--R
        x
--R
           9 3 11 8 4 10 7 5 2 9 6 6 3 8 5 7 4 7
--R
--R
          48a b e - 348a b d e + 1056a b d e - 1680a b d e + 1344a b d e
--R
--R
            4 8 5 6 3 9 6 5 2 10 7 4 11 8 3 12 9 2
--R
         - 168a b d e - 672a b d e + 624a b d e - 240a b d e + 36b d e
--R
--R
         6
--R
        x
--R
           10 2 11 9 3 10 8 4 2 9 7 5 3 8 6 6 4 7
--R
--R
          72a b e - 432a b d e + 900a b d e - 288a b d e - 2016a b d e
```

```
--R
            5 7 5 6 4 8 6 5 3 9 7 4 2 10 8 3
--R
--R
          4032a b d e - 3528a b d e + 1440a b d e - 72a b d e
--R
--R
               11 9 2 12 10
--R
         - 144a b d e + 36b d e
--R
--R
--R
        X
--R
--R
           11 11 10 2 10 9 3 2 9 8 4 3 8
         48a b e - 168a b d e - 240a b d e + 2220a b d e
--R
--R
--R
              7547 6656 5765 4874
--R
          - 4800a b d e + 4704a b d e - 1344a b d e - 1560a b d e
--R
             3 9 8 3 2 10 9 2 11 10
--R
                                           12 11
--R
         1680a b d e - 600a b d e + 48a b d e + 12b d
--R
--R
--R
        x
--R
           12 11 11 10 10 2 2 9 9 3 3 8 8 4 4 7
--R
--R
         12a e + 48a b d e - 600a b d e + 1680a b d e - 1560a b d e
--R
              7556 6665 5774 4883
--R
--R
          - 1344a b d e + 4704a b d e - 4800a b d e + 2220a b d e
--R
--R
              3 9 9 2 2 10 10 11 11
--R
         - 240a b d e - 168a b d e + 48a b d
--R
--R
         3
--R
        X
--R
           12 10 11 2 9 10 2 3 8 9 3 4 7 8 4 5 6
--R
--R
         36a de - 144a b de - 72a b de + 1440a b de - 3528a b de
--R
                      6 6 7 4 5 7 8 3 4 8 9 2
             7 5 6 5
--R
                                                       3 9 10
          4032a b d e - 2016a b d e - 288a b d e + 900a b d e - 432a b d e
--R
--R
--R
           2 10 11
--R
         72a b d
--R.
--R
         2
--R
         x
--R
           12 2 9 11 3 8 10 2 4 7 9 3 5 6 8 4 6 5
--R
--R
         36a de - 240a b de + 624a b de - 672a b de - 168a b de
--R
--R
             7 5 7 4 6 6 8 3 5 7 9 2 4 8 10 3 9 11
```

```
--R
          1344a b d e - 1680a b d e + 1056a b d e - 348a b d e + 48a b d
--R
--R
         X
--R
         12 3 8 11 4 7 10 2 5 6 9 3 6 5 8 4 7 4
--R
--R
      12a de - 96a b de + 336a b de - 672a b de + 840a b de
--R
           7 5 8 3 6 6 9 2
--R
                                 5 7 10
       - 672a b d e + 336a b d e - 96a b d e + 12a b d
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 573
--S 574 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                  777
                                6 7
                                       7 6 6
              - 420b e x + (- 1680a b e - 1260b d e )x
--R
--R
--R
                            6 6
                                         7 2 5 5
             (- 2520a b e - 5040a b d e - 1260b d e )x
--R
--R
--R
                    3 4 7 2 5 6 6 2 5 7 3 4 4
              (-1680a b e - 7560a b d e - 5040a b d e - 420b d e )x
--R
--R
--R
                    4 3 7 3 4 6
                                     2 5 2 5
--R
              (-420a b e - 5040a b d e - 7560a b d e - 1680a b d e )x
--R
--R
                    4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 2
--R
              (-1260a b d e - 5040a b d e - 2520a b d e)x
--R
--R
                    4 3 2 5
                               3 4 3 4
--R
              (- 1260a b d e - 1680a b d e )x - 420a b d e
--R
--R
            log(e x + d)
--R
                777
                                    7 6 6
--R
                          6 7
--R
              420b e x + (1680a b e + 1260b d e)x
--R
--R
                  2 5 7
                          6 6
                                       7 2 5 5
--R
              (2520a b e + 5040a b d e + 1260b d e)x
--R
--R
                   3 4 7
                           256
                                          6 2 5 7 3 4 4
--R
              (1680a b e + 7560a b d e + 5040a b d e + 420b d e )x
--R
--R
                 4 3 7 3 4 6 2 5 2 5 6 3 4 3
--R
              (420a b e + 5040a b d e + 7560a b d e + 1680a b d e )x
--R
--R
                   4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 2
```

```
--R
             (1260a b d e + 5040a b d e + 2520a b d e )x
--R
--R
                  4 3 2 5 3 4 3 4 4 3 3 4
--R
             (1260a b d e + 1680a b d e )x + 420a b d e
--R
--R
           log(b x + a)
--R
                67 7 6 6
--R
          (- 420a b e + 420b d e )x
--R
--R
--R
                 2 5 7 6 6
                                   7 2 5 5
--R
          (- 1470a b e + 420a b d e + 1050b d e )x
--R
                3 4 7 2 5 6
--R
                                   6 2 5
--R
          (- 1820a b e - 1890a b d e + 2940a b d e + 770b d e )x
--R
                 4 3 7
--R
                         3 4 6 2 5 2 5 6 3 4
--R
             - 875a b e - 3780a b d e + 1890a b d e + 2660a b d e
--R
--R
               7 4 3
--R
            105b d e
--R
--R
            3
--R
           x
--R
                5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4
--R
--R
             - 84a b e - 2205a b d e - 1260a b d e + 3150a b d e
--R
--R
                 6 4 3 7 5 2
--R
             420a b d e - 21b d e
--R
--R
             2
--R
           x
--R
               6 7 5 2 6 4 3 2 5 3 4 3 4
--R
             14a b e - 252a b d e - 1575a b d e + 1260a b d e
--R
--R
                2543 652
--R
                                   7 6
             630a b d e - 84a b d e + 7b d e
--R
--R
--R
            x
--R
--R.
            77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3
--R
          - 4a e + 42a b d e - 252a b d e - 105a b d e + 420a b d e
--R
               2552 66 77
--R
--R
          - 126a b d e + 28a b d e - 3b d
--R
--R
--R
          | 2 2 2
```

```
--R
         --R
--R
             8 7 8 7 7 8 6 7
--R
          420b e x + (2100a b e + 1260b d e)x
--R
               2 6 7
--R
                         7 6
                                  8 2 5 6
--R
          (4200a b e + 6300a b d e + 1260b d e )x
--R
                         266 725 8345
--R
               3 5 7
--R
          (4200a b e + 12600a b d e + 6300a b d e + 420b d e )x
--R
                        3 5 6
               4 4 7
                                     2625
                                                  7344
--R
           (2100a b e + 12600a b d e + 12600a b d e + 2100a b d e )x
--R
--R
--R
              5 3 7
                     4 4 6
                                 3 5 2 5 2 6 3 4 3
--R
          (420a b e + 6300a b d e + 12600a b d e + 4200a b d e )x
--R
--R
              5 3 6
                       4 4 2 5 3 5 3 4 2
           (1260a b d e + 6300a b d e + 4200a b d e)x
--R
--R
--R
                         4 4 3 4
           (1260a b d e + 2100a b d e )x + 420a b d e
--R
--R
--R
         log(e x + d)
--R
                     7 7 8 6 7
--R
              8 7 8
--R
          - 420b e x + (- 2100a b e - 1260b d e )x
--R
--R
                 2 6 7
                           7 6
                                    8 2 5 6
--R
          (- 4200a b e - 6300a b d e - 1260b d e )x
--R
                 3 5 7 2 6 6 7 2 5 8 3 4 5
--R
--R
          (- 4200a b e - 12600a b d e - 6300a b d e - 420b d e )x
--R
--R
                4 4 7
                          356
                                       2625
--R
          (- 2100a b e - 12600a b d e - 12600a b d e - 2100a b d e )x
--R
--R
                5 3 7
                        4 4 6
                                     3 5 2 5
                                                 26343
          (-420a b e -6300a b d e -12600a b d e -4200a b d e )x
--R
--R
--R
                5 3 6
                         4 4 2 5
                                     3 5 3 4 2
          (- 1260a b d e - 6300a b d e - 4200a b d e )x
--R
--R
--R
                5 3 2 5
                         4 4 3 4
                                     5 3 3 4
          (- 1260a b d e - 2100a b d e )x - 420a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
          878 77 8 6 7
--R
--R
       420b e x + (2520a b e + 840b d e)x
```

```
--R
         267 76 8256
--R
--R
       (6090a b e + 5460a b d e + 210b d e )x
--R
--R
            3 5 7 2 6 6 7 2 5 8 3 4 5
--R
       (7490a b e + 14070a b d e + 2310a b d e - 350b d e )x
--R
                     3 5 6
--R
           4 4 7
                                2625
                                             7 3 4
       (4795a b e + 18270a b d e + 7770a b d e - 1330a b d e - 105b d e )x
--R
--R
--R
             5 3 7 4 4 6 3 5 2 5 2 6 3 4
--R
          1379a b e + 12285a b d e + 11970a b d e - 1610a b d e
--R
               7 4 3 8 5 2
--R
--R
         - 525a b d e + 21b d e
--R
--R
         3
--R
         x
--R
           6 2 7 5 3 6 4 4 2 5 3 5 3 4 2 6 4 3
--R
--R
         70a b e + 3717a b d e + 9135a b d e - 210a b d e - 1050a b d e
--R
--R
             7 5 2 8 6
--R
         105a b d e - 7b d e
--R
--R
         2
--R
         X
--R
             7 7 6 2 6 5 3 2 5 4 4 3 4 3 5 4 3
--R
--R
          - 10a b e + 210a b d e + 3087a b d e + 945a b d e - 1050a b d e
--R
             2652 76 87
--R
--R
         210a b d e - 35a b d e + 3b d
--R
--R
         X
--R
              7 6 6225 5334 4443
--R
        8 7
--R
       4a e - 42a b d e + 252a b d e + 525a b d e - 420a b d e
--R
--R
         3 5 5 2 2 6 6
       126a b d e - 28a b d e + 3a b d
--R
--R /
--R.
             8 4 11 7 5 10 6 6 2 9 5 7 3 8 4 8 4 7
--R
           12a b e - 96a b d e + 336a b d e - 672a b d e + 840a b d e
--R
               3 9 5 6 2 10 6 5 11 7 4 12 8 3
--R
--R
          - 672a b d e + 336a b d e - 96a b d e + 12b d e
--R
          7
--R
--R
         x
```

```
--R
            9 3 11 8 4 10 7 5 2 9 6 6 3 8
--R
--R
           48a b e - 348a b d e + 1056a b d e - 1680a b d e
--R
              5 7 4 7 4 8 5 6 3 9 6 5 2 10 7 4
--R
--R
           1344a b d e - 168a b d e - 672a b d e + 624a b d e
--R
--R
                11 8 3 12 9 2
          - 240a b d e + 36b d e
--R
--R
--R
          6
--R
          x
--R
             10 2 11 9 3 10 8 4 2 9 7 5 3 8
--R
--R
           72a b e - 432a b d e + 900a b d e - 288a b d e
--R
--R
                6647 5756
                                    4 8 6 5 3 9 7 4
--R
           - 2016a b d e + 4032a b d e - 3528a b d e + 1440a b d e
--R
--R
              2 10 8 3 11 9 2 12 10
--R
           - 72a b d e - 144a b d e + 36b d e
--R
--R
          5
--R
          X
--R
            11 11 10 2 10 9 3 2 9 8 4 3 8
--R
--R
            48a b e - 168a b d e - 240a b d e + 2220a b d e
--R
--R
                7547 6656 5765 4874
--R
           -4800a b d e +4704a b d e -1344a b d e -1560a b d e
--R
               3 9 8 3 2 10 9 2 11 10 12 11
--R
--R
           1680a b d e - 600a b d e + 48a b d e + 12b d
--R
--R
--R
          x
--R
             12 11
                    11 10 10 2 2 9 9 3 3 8
--R
           12a e + 48a b d e - 600a b d e + 1680a b d e
--R
--R
               8 4 4 7 7 5 5 6 6 6 6 5 5 7 7 4
--R
            - 1560a b d e - 1344a b d e + 4704a b d e - 4800a b d e
--R
--R.
--R
               4 8 8 3 3 9 9 2 2 10 10 11 11
          2220a b d e - 240a b d e - 168a b d e + 48a b d
--R
--R
--R
          3
--R
         x
--R
--R
             12 10 11 2 9 10 2 3 8 9 3 4 7
```

```
--R
           36a de - 144a bde - 72a bde + 1440abde
--R
                8 4 5 6 7 5 6 5 6 6 7 4 5 7 8 3
--R
--R
           -3528a b d e +4032a b d e -2016a b d e -288a b d e
--R
                      3 9 10 2 10 11
--R
              4 8 9 2
--R
          900a b d e - 432a b d e + 72a b d
--R
--R
--R
         x
--R
             12 2 9 11 3 8 10 2 4 7 9 3 5 6 8 4 6 5
--R
          36a de - 240a b de + 624a b de - 672a b de - 168a b de
--R
--R
             7574
                     6 6 8 3 5 7 9 2 4 8 10 3 9 11
--R
--R
          1344a b d e - 1680a b d e + 1056a b d e - 348a b d e + 48a b d
--R.
--R
--R
         12 3 8 11 4 7 10 2 5 6 9 3 6 5 8 4 7 4
--R
--R
        12a de - 96a b de + 336a b de - 672a b de + 840a b de
--R
           7 5 8 3 6 6 9 2 5 7 10
--R
                                        4 8 11
--R
        - 672a b d e + 336a b d e - 96a b d e + 12a b d
--R
--R
       1 2 2 2
--R
--R
       --R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 574
--S 575 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
      | 2 2 2
--R
--R
     --R /
                       5 3 8 2 3 4 4 3 5 2 2 7
--R
        5 4 9 4 4
        b e x + (5a b e + 4b d e )x + (10a b e + 20a b d e + 6b d e )x
--R
--R
--R.
          3 2 4 2 3 3 4 2 2 5 3 6
        (10a b e + 40a b d e + 30a b d e + 4b d e)x
--R
--R
--R
         4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 5
--R
        (5a b e + 40a b d e + 60a b d e + 20a b d e + b d )x
--R
         5 4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 4
--R
```

```
--R
         (a e + 20a b d e + 60a b d e + 40a b d e + 5a b d )x
--R
--R
           5 3 4 2 2 3 2 3 2 3 4 3
--R
         (4a d e + 30a b d e + 40a b d e + 10a b d )x
--R
--R
            5 2 2 4 3
                             3 2 4 2
                                         5 3
                                                4 4
--R
         (6a d e + 20a b d e + 10a b d )x + (4a d e + 5a b d )x + a d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        --R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 575
)clear all
--S 576 of 1618
t0:=(d+e*x)^{(7/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
--R
   (1)
        2 3 5 3 2 2 4 2 3 2 2 2 3
--R
--R
        b e x + (2a b e + 3b d e)x + (a e + 6a b d e + 3b d e)x
--R
         2 2 2 2 3 2 2 2
--R
                                          3 23
        (3a d e + 6a b d e + b d)x + (3a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R *
--R
       +----+
--R
      \leq x + d
--R.
                                             Type: Expression(Integer)
--E 576
--S 577 of 1618
r0:=2/9*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(9/2)/e^3-4/11*b*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^3+_
  2/13*b^2*(d+e*x)^(13/2)/e^3
--R
--R
--R
    (2)
--R
            266
                                2 5 5
--R
         198b e x + (468a b e + 720b d e)x
--R
--R
             2.6
                          5
                                2 2 4 4
--R.
         (286a e + 1768a b d e + 916b d e )x
--R
--R
              2 5
                      24 2333
--R
         (1144a d e + 2392a b d e + 424b d e )x
--R
--R
                           3 3
                                2 4 2 2
              2 2 4
         (1716a d e + 1248a b d e + 6b d e )x
--R
--R
```

```
2 3 3 4 2 2 5 2 4 2 5 2 6
--R
--R
         (1144a d e + 52a b d e - 8b d e)x + 286a d e - 104a b d e + 16b d
--R
--R
        +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{\sc le x}} + d
--R /
--R
--R
     1287e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 577
--S 578 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
           266 6 2 5 5
--R
--R
         198b e x + (468a b e + 720b d e )x
--R
--R
            2 6
                    5 2244
--R
         (286a e + 1768a b d e + 916b d e )x
--R
--R
             2 5 2 4 2 3 3 3
         (1144a d e + 2392a b d e + 424b d e )x
--R
--R
               2 2 4 3 3 2 4 2 2
--R
--R
         (1716a d e + 1248a b d e + 6b d e )x
--R
--R
              2 3 3 4 2 2 5
                                      2 4 2
                                                  5 26
--R
         (1144a d e + 52a b d e - 8b d e)x + 286a d e - 104a b d e + 16b d
--R
        +----+
--R
--R
        \leq x + d
--R /
--R
         3
--R
      1287e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 578
--S 579 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 579
--S 580 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 580
)clear all
--S 581 of 1618
t0:=(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
--R
                 (1)
                               2 2 4
                                                          2 2 3 22
--R
                         b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d )x
--R
--R
--R
                                   2
                                                                        2
                                                                                             2 2
--R
                          (2a d e + 2a b d )x + a d
--R *
                         +----+
--R
--R
                       \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 581
--S 582 of 1618
r0:=2/7*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2)/e^3-4/9*b*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^3+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d
         2/11*b^2*(d+e*x)^(11/2)/e^3
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                               2 5 5 5 2 4 4
                                  126b e x + (308a b e + 322b d e )x
--R
--R
--R
                                                 2 5
                                                                                                                         2 2 3 3
--R
                                 (198a e + 836a b d e + 226b d e )x
--R
                                               2 4
                                                                                             23 2322
--R
--R
                                 (594a d e + 660a b d e + 6b d e )x
--R
                                                                                                                  2 4
--R
                                              2 2 3
                                                                             3 2
                                                                                                                                                             2 3 2
                                 (594a d e + 44a b d e - 8b d e)x + 198a d e - 88a b d e + 16b d
--R
--R
--R
                               +----+
--R
                             \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
                                    3
--R
                        693e
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 582
--S 583 of 1618
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
             255 5 2 4 4
--R
--R
         126b e x + (308a b e + 322b d e )x
--R
--R
              2 5
                                    2 2 3 3
--R
         (198a e + 836a b d e + 226b d e )x
--R
--R
             2 4 2 3 2 3 2 2
          (594a d e + 660a b d e + 6b d e )x
--R
--R
--R
             2 2 3
                       3 2
                                  2 4
                                               2 3 2
--R
         (594a d e + 44a b d e - 8b d e)x + 198a d e - 88a b d e + 16b d
--R
--R
         +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
--R
       693e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 583
--S 584 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 584
--S 585 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 585
)clear all
--S 586 of 1618
t0:=(d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
                           2 2 2
                                                   2 +----+
--R
    (1) (b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d) | e x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 586
```

```
--S 587 of 1618
r0:=2/5*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2)/e^3-4/7*b*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^3+_
  2/9*b^2*(d+e*x)^(9/2)/e^3
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
          70b e x + (180a b e + 100b d e )x
--R
--R
                      3 2222
              2 4
          (126a e + 288a b d e + 6b d e )x
--R
--R
                       2 2
--R
                                   2 3
                                               2 2 2
--R
          (252a d e + 36a b d e - 8b d e)x + 126a d e - 72a b d e + 16b d
--R
--R
         +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
          3
--R
       315e
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 587
--S 588 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
             2 4 4 4 2 3 3
--R
--R
          70b e x + (180a b e + 100b d e)x
--R
--R
               2 4
                                   2 2 2 2
--R
          (126a e + 288a b d e + 6b d e )x
--R
                         2 2 2 3
                                              2 2 2 3
--R
--R
          (252a d e + 36a b d e - 8b d e)x + 126a d e - 72a b d e + 16b d
--R
--R
         +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
          3
--R
       315e
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 588
--S 589 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R (4) 0
--R
                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 589
--S 590 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
              (5) 0
--R
                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 590
)clear all
--S 591 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
                                                                                   2 +----+
                                   2 2
--R (1) (b x + 2a b x + a) \le x + d
--R
                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 591
--S 592 of 1618
r0:=2/3*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2)/e^3-4/5*b*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^3+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d+e*x)^2+_2(d
         2/7*b^2*(d+e*x)^(7/2)/e^3
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                             2 3 3 2 2 2 2 3 2 2 2 2
--R
                                    30b e x + (84a b e + 6b d e)x + (70a e + 28a b d e - 8b d e)x
--R
--R
                                                                                      2
                                                                                                                    2 3
--R
                                 70a d e - 56a b d e + 16b d
--R
                                +----+
--R
--R
                              \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R /
--R
                                    3
--R
                        105e
--R
                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 592
--S 593 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
              (3)
--R
                                             2 3 3 3 2 2 2 2 3 2
                                    30b e x + (84a b e + 6b d e)x + (70a e + 28a b d e - 8b d e)x
--R
```

```
--R
         2 2 2 2 3
--R
--R
         70a d e - 56a b d e + 16b d
--R
--R
        +----+
--R
        --R /
--R
--R
      105e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 593
--S 594 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 594
--S 595 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 595
)clear all
--S 596 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
         2 2
       bx + 2a bx + a
--R
--R (1) -----
            +----+
--R
           --R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 596
--S 597 of 1618
\texttt{r0:=-4/3*b*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^3+2/5*b^2*(d+e*x)^(5/2)/e^3+2/6}
  2*(b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
--R
                                          2 2 +----+
--R
     2 2 2 2 2 2 2 2
     (6b e x + (20a b e - 8b d e)x + 30a e - 40a b d e + 16b d) | e x + d
--R
```

```
--R
                                    3
--R
                                   15e
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 597
--S 598 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                2 2 2 2 2
                                                        2 2 +----+
--R
    (6b e x + (20a b e - 8b d e)x + 30a e - 40a b d e + 16b d )\|e x + d
--R
--R
--R
--R
                                   15e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 598
--S 599 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 599
--S 600 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 600
)clear all
--S 601 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
          2 2
      b x + 2a b x + a
--R
--R (1) -----
          +----+
--R
--R
        (e x + d) | e x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 601
--S 602 of 1618
```

```
r0:=2/3*b^2*(d+e*x)^(3/2)/e^3-2*(b*d-a*e)^2/(e^3*sqrt(d+e*x))-_
  4*b*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
--R
        2 2 2 2 2 2 2 2
                                                    2 2
--R
        2b e x + (12a b e - 8b d e)x - 6a e + 24a b d e - 16b d
--R (2) ------
--R
                           3 +----+
--R
                          3e \mid e x + d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 602
--S 603 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        2 2 2 2 2 2 2 2
--R
        2b e x + (12a b e - 8b d e)x - 6a e + 24a b d e - 16b d
--R (3) -----
                           3 +----+
--R
--R
                          3e \mid e x + d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 603
--S 604 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 604
--S 605 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 605
)clear all
--S 606 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
             2 2
--R
          bx + 2a bx + a
--R (1) -----
        2 2 2 +----+
--R
```

```
(e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
--R
                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 606
--S 607 of 1618
r0:=-2/3*(b*d-a*e)^2/(e^3*(d+e*x)^(3/2))+4*b*(b*d-a*e)/(e^3*sqrt(d+e*x))+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d+e*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)+_2(d*x)
        2*b^2*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
                                                                                 2 2 2 2 2
--R
                                 2 2 2
                                                                                                                                                                                                  2 2
--R
                             6b e x + (- 12a b e + 24b d e)x - 2a e - 8a b d e + 16b d
--R
             (2) -----
                                                                                        4 3 +----+
--R
--R
                                                                                    (3e x + 3d e) | e x + d
--R
                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 607
--S 608 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                                                  2 2 2 2 2
                                 2 2 2
--R
                   6b e x + (- 12a b e + 24b d e)x - 2a e - 8a b d e + 16b d
--R (3) -----
                                                                                        4 3 +----+
--R
--R
                                                                                     (3e x + 3d e) | e x + d
--R
                                                                                                                           Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 608
--S 609 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 609
--S 610 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
 --R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 610
)clear all
--S 611 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(d+e*x)^(7/2)
--R
```

```
--R
--R
                 2 2 2
--R
                 b x + 2a b x + a
--R
   (1) -----
        3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
       (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 611
--S 612 of 1618
r0:=-2/5*(b*d-a*e)^2/(e^3*(d+e*x)^(5/2))+4/3*b*(b*d-a*e)/_
  (e^3*(d+e*x)^(3/2))-2*b^2/(e^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
           2 2 2
                         2
                              2 2 2
--R
        - 30b e x + (- 20a b e - 40b d e)x - 6a e - 8a b d e - 16b d
--R (2) ------
--R
                     5 2 4 2 3 +----+
                   (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 612
--S 613 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                  2
                             2 2 2
--R
            2 2 2
--R
        - 30b e x + (- 20a b e - 40b d e)x - 6a e - 8a b d e - 16b d
--R
                    5 2 4 2 3 +----+
--R
--R
                   (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 613
--S 614 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 614
--S 615 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 615
```

```
)clear all
--S 616 of 1618
t0:=(d+e*x)^{(7/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
    (1)
--R
                 3 3 4 2 6
                                     2 2 3 3 2 4 2 5
       b e x + (4a b e + 3b d e )x + (6a b e + 12a b d e + 3b d e)x
--R
--R
--R
         3 3 22 2
                              3 2
                                      434
--R
       (4a b e + 18a b d e + 12a b d e + b d )x
--R
--R
                3
                     2
                           2 2 2
--R
        (a e + 12a b d e + 18a b d e + 4a b d )x
--R
--R
          4 2 3 2
                           2 2 3 2 4 2 3 3 4 3
--R
        (3a d e + 12a b d e + 6a b d)x + (3a d e + 4a b d)x + a d
--R *
--R
       +----+
--R
      \leq x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 616
--S 617 of 1618
r0:=2/9*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(9/2)/e^5-8/11*b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(11/2)/_
  e^5+12/13*b^2*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(13/2)/e^5-8/15*b^3*(b*d-a*e)*_
  (d+e*x)^(15/2)/e^5+2/17*b^4*(d+e*x)^(17/2)/e^5
--R
--R
--R
    (2)
              488 38 477
--R
--R
         12870b e x + (58344a b e + 44616b d e )x
--R
--R
                2 2 8
                             3 7
                                         4 2 6 6
         (100980a b e + 206448a b d e + 52932b d e )x
--R
--R
--R
               3 8
                           227
                                            3 2 6
                                                       4 3 5 5
         (79560a b e + 367200a b d e + 252144a b d e + 21816b d e )x
--R
--R
                                 7
--R
                 4 8
                           3
                                           2 2 2 6
             24310a e + 300560a b d e + 467160a b d e + 108800a b d e
--R
--R.
--R
               4 4 4
--R
           70b d e
--R
--R
--R
           X
--R
--R
                  4 7 3 2 6 2 2 3 5 3 4 4
```

```
--R
             97240a d e + 406640a b d e + 216240a b d e + 680a b d e
--R
--R
                 4 5 3
--R
             - 80b d e
--R
--R
            3
--R
           x
--R
                   4 2 6 3 3 5 2 2 4 4 3 5 3
--R
--R
               145860a d e + 212160a b d e + 3060a b d e - 816a b d e
--R
--R
                 4 6 2
               96b d e
--R
--R
--R
            2
--R
           x
--R
--R
              4 3 5 3 4 4 2 2 5 3 3 6 2 4 7
          (97240a d e + 8840a b d e - 4080a b d e + 1088a b d e - 128b d e)x
--R
--R
--R
                       3 5 3 2 2 6 2 3 7
--R
          24310a d e \, - 17680a b d e \, + 8160a b d e \, - 2176a b d e \, + 256b d
--R
        +----+
--R
--R
        --R /
--R
--R
      109395e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 617
--S 618 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
              488
                            3 8
--R
          12870b e x + (58344a b e + 44616b d e )x
--R
--R
                2 2 8
                             3 7
--R
         (100980a b e + 206448a b d e + 52932b d e )x
--R
--R.
              3 8
                       227
                                           3 2 6
                                                       4 3 5 5
--R
          (79560a b e + 367200a b d e + 252144a b d e + 21816b d e)x
--R
--R
                            3
                                 7
                                           2 2 2 6
--R
             24310a e + 300560a b d e + 467160a b d e + 108800a b d e
--R
              4 4 4
--R
--R
             70b d e
```

```
--R
--R
            4
--R
           х
--R
                  4 7 3 2 6 2 2 3 5 3 4 4
--R
--R
             97240a d e + 406640a b d e + 216240a b d e + 680a b d e
--R
--R
                 4 5 3
--R
             - 80b d e
--R
--R
            3
--R
           X
--R
                    4 2 6 3 3 5 2 2 4 4
--R
--R
               145860a d e + 212160a b d e + 3060a b d e - 816a b d e
--R
--R
                 4 6 2
--R
               96b d e
--R
--R
            2
--R
           X
--R
--R
                4 3 5 3 4 4 2 2 5 3 3 6 2 4 7
          (97240a d e + 8840a b d e - 4080a b d e + 1088a b d e - 128b d e)x
--R
--R
               4 4 4 3 5 3 2 2 6 2 3 7 4 8
--R
--R
          24310a d e \, - 17680a b d e \, + 8160a b d e \, - 2176a b d e \, + 256b d
--R
--R
         +----+
--R
        --R /
--R
           5
--R
      109395e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 618
--S 619 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 619
--S 620 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 620
clear all
--S 621 of 1618
t0:=(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
    (1)
--R
--R
                  3 2 4 5
                                    2 2 2
                                              3
        4 2 6
--R
        b e x + (4a b e + 2b d e)x + (6a b e + 8a b d e + b d )x
--R
         3 2 2 2
                             3 2 3 4 2 3
                                                       2 2 2 2
--R
--R
        (4a b e + 12a b d e + 4a b d )x + (a e + 8a b d e + 6a b d )x
--R
--R
          4
                 3 2
                          4 2
--R
        (2a d e + 4a b d )x + a d
--R *
--R
       +----+
--R
      \label{eq:lemma_def} \
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 621
--S 622 of 1618
\texttt{r0} := 2/7*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(7/2)/e^5-8/9*b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(9/2)/e^5+_1
  12/11*b^2*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(11/2)/e^5-8/13*b^3*(b*d-a*e)*_
  (d+e*x)^(13/2)/e^5+2/15*b^4*(d+e*x)^(15/2)/e^5
--R
--R
--R
    (2)
                           3 7 4 6 6
--R
              4 7 7
--R
          6006b e x + (27720a b e + 14322b d e)x
--R
                2 2 7
--R
                            3 6 4 2 5 5
--R
          (49140a b e + 68040a b d e + 8946b d e )x
--R
--R
                           2 2 6
                                          3 2 5
                                                    4344
--R
          (40040a b e + 125580a b d e + 44520a b d e + 70b d e)x
--R
--R
                         3
                             6
                                        2 2 2 5
                                                     3 3 4
--R
          (12870a e + 108680a b d e + 88140a b d e + 600a b d e - 80b d e )x
--R
--R.
                4 6 3 2 5 2 2 3 4 3 4 3
                                                              4522
--R
          (38610a d e + 85800a b d e + 2340a b d e - 720a b d e + 96b d e )x
--R
--R
                4 2 5
                           3 3 4
                                       2 2 4 3
                                                    3 5 2
--R
          (38610a d e + 5720a b d e - 3120a b d e + 960a b d e - 128b d e)x
--R
               434 3 43 2252 36 47
--R
--R
          12870a d e - 11440a b d e + 6240a b d e - 1920a b d e + 256b d
```

```
--R
--R
        +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
          5
--R
      45045e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 622
--S 623 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
             4 7 7 3 7
                                   4 6 6
--R
         6006b e x + (27720a b e + 14322b d e )x
--R
--R
               2 2 7
                            3 6
                                     4 2 5 5
--R
          (49140a b e + 68040a b d e + 8946b d e )x
--R
--R
                           2 2 6
                                      3 2 5 4 3 4 4
--R
         (40040a b e + 125580a b d e + 44520a b d e + 70b d e )x
--R
                47 3 6 2225 334 4433
--R
--R
         (12870a e + 108680a b d e + 88140a b d e + 600a b d e - 80b d e )x
--R
--R
                4 6 3 2 5
                                     2 2 3 4
                                                  3 4 3 4 5 2 2
--R
          (38610a d e + 85800a b d e + 2340a b d e - 720a b d e + 96b d e )x
--R
--R
                4 2 5 3 3 4 2 2 4 3 3 5 2 4 6
--R
          (38610a d e + 5720a b d e - 3120a b d e + 960a b d e - 128b d e)x
--R
--R
                          3 4 3
                                      2 2 5 2
                                                     3 6
--R
         12870a d e - 11440a b d e + 6240a b d e - 1920a b d e + 256b d
--R
         +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
          5
--R
--R
       45045e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 623
--S 624 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 624
```

```
--S 625 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 625
)clear all
--S 626 of 1618
t0:=(d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
    (1)
--R.
         4 5 3 4 4
                                  2 2 3 3 3 2 2 2
--R
        b e x + (4a b e + b d)x + (6a b e + 4a b d)x + (4a b e + 6a b d)x
--R
--R
         4 3
--R
        (a e + 4a b d)x + a d
--R *
--R
       +----+
--R
       \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 626
--S 627 of 1618
r0:=2/5*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(5/2)/e^5-8/7*b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(7/2)/e^5+_
  4/3*b^2*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(9/2)/e^5-8/11*b^3*(b*d-a*e)*_
  (d+e*x)^(11/2)/e^5+2/13*b^4*(d+e*x)^(13/2)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
              4 6 6
                             3 6
                                      4 5 5
          2310b e x + (10920a b e + 2940b d e)x
--R
--R
--R
                             3 5
                                       4 2 4 4
                 2 2 6
--R
          (20020a b e + 14560a b d e + 70b d e )x
--R
--R
                           2 2 5
                                         3 2 4
          (17160a b e + 28600a b d e + 520a b d e - 80b d e )x
--R
--R.
--R
               4 6
                        3 5
                                    2 2 2 4
                                                    3 3 3 4 4 2 2
          (6006a \ e \ + 27456a \ b \ d \ e \ + 1716a \ b \ d \ e \ - 624a \ b \ d \ e \ + 96b \ d \ e \ )x
--R
--R
                4 5 3 2 4 2 2 3 3 3 4 2
--R
--R
          (12012a d e + 3432a b d e - 2288a b d e + 832a b d e - 128b d e)x
--R
--R
               4 2 4 3 3 3 2 2 4 2 3 5 4 6
```

```
--R
         6006a d e - 6864a b d e + 4576a b d e - 1664a b d e + 256b d
--R
--R
        +----+
--R
        --R /
--R
          5
--R
      15015e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 627
--S 628 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
             466
                           36 4 5 5
--R
         2310b e x + (10920a b e + 2940b d e)x
--R
--R
              2 2 6
                           3 5 4 2 4 4
--R
         (20020a b e + 14560a b d e + 70b d e )x
--R
--R
               3 6 2 2 5 3 2 4 4 3 3 3
--R
         (17160a b e + 28600a b d e + 520a b d e - 80b d e )x
--R
--R
                   3 5 2224 333 4422
              4 6
--R
         (6006a e + 27456a b d e + 1716a b d e - 624a b d e + 96b d e )x
--R
               4 5 3 2 4 2 2 3 3 3 4 2 4 5
--R
--R
         (12012a d e + 3432a b d e - 2288a b d e + 832a b d e - 128b d e)x
--R
             4 2 4 3 3 3 2 2 4 2
--R
                                                  3 5
--R
        6006a d e - 6864a b d e + 4576a b d e - 1664a b d e + 256b d
--R
--R
        +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
          5
--R
--R
      15015e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 628
--S 629 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 629
--S 630 of 1618
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 630
)clear all
--S 631 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2*sqrt(d+e*x)
--R
--R
                  3 3 2 2 2 3
--R
          4 4
                                         4 +----+
    (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) | e x + d
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 631
--S 632 of 1618
r0:=2/3*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2)/e^5-8/5*b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2)/_
  e^5+12/7*b^2*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2)/e^5-8/9*b^3*(b*d-a*e)*_
  (d+e*x)^(9/2)/e^5+2/11*b^4*(d+e*x)^(11/2)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
              455 35 444
--R
          630b e x + (3080a b e + 70b d e)x
--R
--R
                2 2 5
                           3 4
                                    4 2 3 3
--R
          (5940a b e + 440a b d e - 80b d e)x
--R
                3 5 2 2 4 3 2 3 4 3 2 2
--R
--R
          (5544a b e + 1188a b d e - 528a b d e + 96b d e )x
--R
--R
                        3
                             4
                                       2 2 2 3
                                                    3 3 2
          (2310a e + 1848a b d e - 1584a b d e + 704a b d e - 128b d e)x
--R
--R
--R
                       3 2 3 2 2 3 2
                                                     3 4
--R
          2310a d e - 3696a b d e + 3168a b d e - 1408a b d e + 256b d
--R
         +----+
--R
--R
        \le x + d
--R /
--R.
--R
       3465e
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 632
--S 633 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
     (3)
            455 35 444
--R
         630b e x + (3080a b e + 70b d e )x
--R
--R
              2 2 5 3 4 4 2 3 3
--R
--R
         (5940a b e + 440a b d e - 80b d e )x
--R
--R
              3 5 2 2 4
                                      3 2 3
                                                4 3 2 2
--R
         (5544a b e + 1188a b d e - 528a b d e + 96b d e )x
--R
              4 5 3 4
                                 2 2 2 3
                                                 3 3 2
--R
--R
          (2310a e + 1848a b d e - 1584a b d e + 704a b d e - 128b d e)x
--R
--R
             4 4
                     3 2 3 2 2 3 2
                                               3 4
--R
         2310a d e - 3696a b d e + 3168a b d e - 1408a b d e + 256b d
--R
        +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
          5
--R
      3465e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 633
--S 634 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 634
--S 635 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 635
)clear all
--S 636 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2/sqrt(d+e*x)
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
         b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
```

```
--R
--R
                      +----+
--R
                     \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 636
--S 637 of 1618
r0:=-8/3*b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(3/2)/e^5+12/5*b^2*(b*d-a*e)^2*_
  (d+e*x)^{(5/2)}/e^5-8/7*b^3*(b*d-a*e)*(d+e*x)^{(7/2)}/e^5+2/9*_
  b^4*(d+e*x)^(9/2)/e^5+2*(b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
     (2)
--R
--R
            4 4 4
                     3 4
                                4 3 3
--R
          70b e x + (360a b e - 80b d e)x
--R
--R.
                      3 3 4 2 2 2
              2 2 4
          (756a b e - 432a b d e + 96b d e )x
--R
--R
                        2 2 3 3 2 2
--R
                                                4 3
--R
          (840a b e - 1008a b d e + 576a b d e - 128b d e)x + 630a e
--R
--R
               3 3 2222
                                       3 3
--R
          - 1680a b d e + 2016a b d e - 1152a b d e + 256b d
--R
         +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
          5
--R
      315e
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 637
--S 638 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                     3 4
--R
            4 4 4
                                4 3 3
--R
          70b e x + (360a b e - 80b d e)x
--R
--R
              2 2 4
                      3 3 4 2 2 2
--R.
          (756a b e - 432a b d e + 96b d e )x
--R
--R
              3 4
                       2 2 3 3 2 2
                                                4 3 4 4
--R
          (840a b e - 1008a b d e + 576a b d e - 128b d e)x + 630a e
--R
--R
               3 3 2 2 2 2
                                          3 3
          - 1680a b d e + 2016a b d e - 1152a b d e + 256b d
--R
--R
```

```
--R
        +----+
--R
        --R /
--R
          5
--R
      315e
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 638
--S 639 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 639
--S 640 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 640
)clear all
--S 641 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
        b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R (1) -----
--R
--R
                 (e x + d) | e x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 641
--S 642 of 1618
r0:=4*b^2*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2)/e^5-8/5*b^3*(b*d-a*e)*_
  (d+e*x)^(5/2)/e^5+2/7*b^4*(d+e*x)^(7/2)/e^5-2*(b*d-a*e)^4/_
  (e^5*sqrt(d+e*x))-8*b*(b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
--R (2)
          4 4 4 3 4 4 3 3
--R
       10b e x + (56a b e - 16b d e )x
--R
--R
             2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
        (140a b e - 112a b d e + 32b d e )x
--R
```

```
--R
         3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
       (280a b e - 560a b d e + 448a b d e - 128b d e)x - 70a e
--R
          3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
        560a b d e - 1120a b d e + 896a b d e - 256b d
--R
--R /
--R
       5 +----+
--R
      35e \leq x + d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 642
--S 643 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
         4 4 4 3 4 4 3 3
--R
       10b e x + (56a b e - 16b d e )x
--R
--R
          2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
      (140a b e - 112a b d e + 32b d e )x
--R
--R
          3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
      (280a b e - 560a b d e + 448a b d e - 128b d e)x - 70a e
--R
          3 3 2222 33
--R
--R
        560a b d e - 1120a b d e + 896a b d e - 256b d
--R /
        5 +----+
--R
--R
      35e \leq x + d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 643
--S 644 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
   (4) 0
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 644
--S 645 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 645
```

```
)clear all
--S 646 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
        b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
            2 2
--R
                          2 +----+
--R
           (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 646
--S 647 of 1618
r0:=-2/3*(b*d-a*e)^4/(e^5*(d+e*x)^(3/2))-8/3*b^3*(b*d-a*e)*_
  (d+e*x)^(3/2)/e^5+2/5*b^4*(d+e*x)^(5/2)/e^5+8*b*(b*d-a*e)^3/_
  (e^5*sqrt(d+e*x))+12*b^2*(b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
--R
    (2)
--R
         4 4 4 3 4
                           4 3 3
--R
        6b e x + (40a b e - 16b d e)x
--R
--R
                  3 3 4 2 2 2
            2 2 4
--R
       (180a b e - 240a b d e + 96b d e )x
--R
--R
             3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
       (- 120a b e + 720a b d e - 960a b d e + 384b d e)x - 10a e
--R
--R
                3
                      2 2 2 2
                                     3 3
--R
        - 80a b d e + 480a b d e - 640a b d e + 256b d
--R /
         6 5 +----+
--R
--R
      (15e x + 15d e) | e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 647
--S 648 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R.
         4 4 4 3 4 4 3 3
--R
        6b e x + (40a b e - 16b d e)x
--R
           2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
        (180a b e - 240a b d e + 96b d e )x
--R
--R
             3 4 2 2 3
                                 3 2 2 4 3 4 4
```

```
--R
        (- 120a b e + 720a b d e - 960a b d e + 384b d e)x - 10a e
--R
--R
           3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
        - 80a b d e + 480a b d e - 640a b d e + 256b d
--R
--R /
               5 +----+
--R
--R
       (15e x + 15d e) | e x + d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 648
--S 649 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 649
--S 650 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 650
)clear all
--S 651 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
        b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R (1) -----
          3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
        (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 651
--S 652 of 1618
r0:=-2/5*(b*d-a*e)^4/(e^5*(d+e*x)^(5/2))+8/3*b*(b*d-a*e)^3/_
  (e^5*(d+e*x)^(3/2))+2/3*b^4*(d+e*x)^(3/2)/e^5-12*b^2*(b*d-a*e)^2/_
  (e^5*sqrt(d+e*x))-8*b^3*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
--R (2)
--R
          4 4 4 3 4 4 3 3
      10b e x + (120a b e - 80b d e )x
--R
--R
```

```
--R
--R
       (- 180a b e + 720a b d e - 480b d e )x
--R
--R
            3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4 3 3
--R
       (- 40a b e - 240a b d e + 960a b d e - 640b d e)x - 6a e - 16a b d e
--R
           2 2 2 2 3 3
--R
--R
       - 96a b d e + 384a b d e - 256b d
--R /
        7 2 6
                       2 5 +----+
--R
--R
      (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 652
--S 653 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         4 4 4 3 4 4 3 3
--R
--R
      10b e x + (120a b e - 80b d e )x
--R
           2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
       (- 180a b e + 720a b d e - 480b d e )x
--R
--R
            3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4 3 3
      (- 40a b e - 240a b d e + 960a b d e - 640b d e)x - 6a e - 16a b d e
--R
--R
--R
           2 2 2 2
                    3 3
                              4 4
--R
       - 96a b d e + 384a b d e - 256b d
--R /
        7 2 6 2 5 +----+
--R
--R
      (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 653
--S 654 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
                                           Type: Expression(Integer)
--R
--E 654
--S 655 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 655
)clear all
--S 656 of 1618
t0:=(d+e*x)^(7/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
     (1)
--R
                  53 6 2 8
--R
                                      2 4 3
                                                  5 2 6 2 7
--R
        b e x + (6a b e + 3b d e )x + (15a b e + 18a b d e + 3b d e)x
--R
                   2 4 2
                                 5 2
--R
           3 3 3
                                        636
--R
        (20a b e + 45a b d e + 18a b d e + b d )x
--R
--R
           4 2 3
                   3 3 2
                               2 4 2
                                         5 3 5
--R
        (15a b e + 60a b d e + 45a b d e + 6a b d )x
--R
--R
          5 3 4 2 2 3 3 2
                                        2 4 3 4
--R
        (6a b e + 45a b d e + 60a b d e + 15a b d )x
--R
--R
         6 3
                5 2 422 3333
--R
        (a e + 18a b d e + 45a b d e + 20a b d )x
--R
          6 2 5 2 4 2 3 2 6 2 5 3 6 3
--R
        (3a d e + 18a b d e + 15a b d )x + (3a d e + 6a b d )x + a d
--R
--R *
--R
       +----+
--R
      \ | e x + d
--R.
                                               Type: Expression(Integer)
--E 656
--S 657 of 1618
r0:=2/9*(b*d-a*e)^6*(d+e*x)^(9/2)/e^7-12/11*b*(b*d-a*e)^5*_
  (d+e*x)^{(11/2)}/e^{7+30/13*b^2*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^{(13/2)}/e^{7-}
  8/3*b^3*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(15/2)/e^7+30/17*b^4*(b*d-a*e)^2*_
  (d+e*x)^(17/2)/e^7-12/19*b^5*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(19/2)/e^7+_
  2/21*b^6*(d+e*x)^(21/2)/e^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
              6 10 10
                                 5 10
                                         6 9 9
--R.
         277134b e x + (1837836a b e + 933504b d e)x
--R
--R
                 2 4 10
                                 5 9
                                              6288
--R
          (5135130a b e + 6270264a b d e + 1065636b d e )x
--R
--R
                  3 3 10
                                 2 4 9
                                                 5 2 8
         (7759752a b e + 17801784a b d e + 7279272a b d e + 415272b d e )x
--R
--R
```

```
4 2 10 3 3 9 2 4 2 8
--R
            6715170a b e   + 27457584a b d e   + 21119868a b d e
--R
--R
                   5 3 7 6 4 6
--R
--R
          2905056a b d e + 462b d e
--R
--R
--R
          x
--R
                 5 10
--R
                               4 2 9
                                             3 3 2 8
--R
           3174444a b e   + 24418800a b d e   + 33535152a b d e
--R
                  2 4 3 7 5 4 6 6 5 5
--R
--R
           8704584a b d e + 5292a b d e - 504b d e
--R
--R
           5
--R
          X
--R
                6 10 5 9 4 2 2 8
--R
--R
            646646a e + 11992344a b d e + 31066140a b d e
--R
                  3 3 3 7 2 4 4 6 5 5 5 6 6 4
--R
--R
            14470400a b d e + 27930a b d e - 5880a b d e + 560b d e
--R
--R
--R
          x
--R
                 6 9 5 2 8 4 2 3 7 3 3 4 6
--R
--R
            2586584a d e + 16224936a b d e + 14379960a b d e + 90440a b d e
--R
--R
                  2 4 5 5 5 6 4 6 7 3
--R
          - 31920a b d e + 6720a b d e - 640b d e
--R
--R
          3
--R
          x
--R
                 6 2 8 5 3 7 4 2 4 6 3 3 5 5
--R
--R
            3879876a d e + 8465184a b d e + 203490a b d e - 108528a b d e
--R
--R
                2 4 6 4
                            5 7 3
           38304a b d e - 8064a b d e + 768b d e
--R
--R
--R.
           2
--R
          х
--R
                  6 3 7 5 4 6 4 2 5 5 3 3 6 4
--R
--R
           2586584a d e + 352716a b d e - 271320a b d e + 144704a b d e
--R
                  2 4 7 3 5 8 2 6 9
--R
--R
            - 51072a b d e + 10752a b d e - 1024b d e
```

```
--R
--R
         X
--R
             6 4 6 5 5 5 4 2 6 4 3 3 7 3
--R
--R
       646646a d e - 705432a b d e + 542640a b d e - 289408a b d e
--R
              2 4 8 2 5 9 6 10
--R
--R
        102144a b d e - 21504a b d e + 2048b d
--R
        +----+
--R
--R
       \exists x + d
--R /
--R
--R
      2909907e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 657
--S 658 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          6 10 10 5 10 6 9 9
--R
--R
        277134b e x + (1837836a b e + 933504b d e )x
--R
               2 4 10 5 9 6 2 8 8
--R
--R
        (5135130a b e + 6270264a b d e + 1065636b d e )x
--R
                                            5 2 8 6 3 7 7
--R
                3 3 10
                             24 9
--R
        (7759752a b e + 17801784a b d e + 7279272a b d e + 415272b d e )x
--R
                  4 2 10 3 3 9 2 4 2 8
--R
--R
            6715170a b e + 27457584a b d e + 21119868a b d e
--R
                  5 3 7 6 4 6
--R
           2905056a b d e + 462b d e
--R
--R
--R
           6
--R
          x
--R
--R
                               4 2 9 3 3 2 8
           3174444a b e   + 24418800a b d e   + 33535152a b d e
--R
--R.
                  2 4 3 7
                              5 4 6 6 5 5
--R
--R
           8704584a b d e + 5292a b d e - 504b d e
--R
--R
           5
--R
          X
--R
--R
                 6 10 5 9 4 2 2 8
```

```
--R
            646646a e + 11992344a b d e + 31066140a b d e
--R
                   3 3 3 7 2 4 4 6 5 5 5 6 6 4
--R
--R
           14470400a b d e + 27930a b d e - 5880a b d e + 560b d e
--R
--R
--R
          x
--R
                  6 9 5 2 8 4 2 3 7 3 3 4 6
--R
--R
           2586584a d e + 16224936a b d e + 14379960a b d e + 90440a b d e
--R
                  2 4 5 5 5 6 4 6 7 3
--R
           - 31920a b d e + 6720a b d e - 640b d e
--R
--R
--R
           3
--R
          x
--R
--R
                 6 2 8 5 3 7 4 2 4 6 3 3 5 5
           3879876a d e + 8465184a b d e + 203490a b d e - 108528a b d e
--R
--R
--R
                2 4 6 4
                          5 7 3 6 8 2
--R
           38304a b d e - 8064a b d e + 768b d e
--R
--R
           2
--R
          X
--R
                  6 3 7 5 4 6 4 2 5 5 3 3 6 4
--R
--R
           2586584a d e + 352716a b d e - 271320a b d e + 144704a b d e
--R
                  2 4 7 3 5 8 2 6 9
--R
--R
           - 51072a b d e + 10752a b d e - 1024b d e
--R
--R
--R
             646 555
                                      4 2 6 4 3 3 7 3
--R
        646646a d e - 705432a b d e + 542640a b d e - 289408a b d e
--R
--R
--R
              2 4 8 2
                       5 9
                                   6 10
--R
        102144a b d e - 21504a b d e + 2048b d
--R
--R
        +----+
--R
       \ensuremath{\mbox{le }x+d}
--R /
--R.
        7
--R
      2909907e
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 658
--S 659 of 1618
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 659
--S 660 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 660
)clear all
--S 661 of 1618
t0:=(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
     (1)
--R
         6 2 8 5 2 6 7 2 4 2 5
--R
        b e x + (6a b e + 2b d e)x + (15a b e + 12a b d e + b d )x
--R
--R
            3 3 2 2 4
                          5 2 5 4 2 2 3 3 2 4 2 4
--R
        (20a b e + 30a b d e + 6a b d )x + (15a b e + 40a b d e + 15a b d )x
--R
--R
          5 2 4 2 3 3 2 3 6 2 5
--R
         (6a b e + 30a b d e + 20a b d )x + (a e + 12a b d e + 15a b d )x
--R.
                  5 2
                           6 2
--R
--R
        (2a d e + 6a b d)x + a d
--R *
--R
       +----+
       \ensuremath{\mbox{\sc le x}} + d
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 661
--S 662 of 1618
r0:=2/7*(b*d-a*e)^6*(d+e*x)^(7/2)/e^7-4/3*b*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(9/2)/e^7+_1
  30/11*b^2*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(11/2)/e^7-40/13*b^3*(b*d-a*e)^3*_
  (d+e*x)^{(13/2)}/e^{7+2*b^4*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^{(15/2)}/e^{7-}
  12/17*b^5*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(17/2)/e^7+2/19*b^6*(d+e*x)^(19/2)/e^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
                 6 9 9
                               5 9 6 8 8
--R
          102102b e x + (684684a b e + 234234b d e)x
--R
--R
                  2 4 9
                                5 8 6 2 7 7
```

```
--R
        (1939938a b e + 1597596a b d e + 138138b d e )x
--R
              3 3 9 2 4 8 5 2 7 6 3 6 6
--R
--R
         (2984520a b e + 4626006a b d e + 965580a b d e + 462b d e )x
--R
                            3 3 8 2 4 2 7 5 3 6
--R
                 4 2 9
--R
           2645370a b e + 7325640a b d e + 2889558a b d e + 4788a b d e
--R
--R
               6 4 5
--R
          - 504b d e
--R
--R
          5
--R
          x
--R
                5 9 4 2 8 3 3 2 7 2 4 3 6
--R
--R
           1293292a b e + 6760390a b d e + 4793320a b d e + 22610a b d e
--R
--R
                 5 4 5 6 5 4
--R
          - 5320a b d e + 560b d e
--R
--R
--R
          X
--R
--R
                6 9 5 8 4 2 2 7 3 3 3 6
--R
           277134a e + 3510364a b d e + 4744870a b d e + 64600a b d e
--R
                 2 4 4 5 5 5 4 6 6 3
--R
--R
          - 25840a b d e + 6080a b d e - 640b d e
--R
--R
          3
--R
          X
--R
                 6 8 5 2 7 4 2 3 6 3 3 4 5
--R
--R
           831402a d e + 2771340a b d e + 125970a b d e - 77520a b d e
--R
               2 4 5 4 5 6 3 6 7 2
--R
--R
          31008a b d e - 7296a b d e + 768b d e
--R
--R
           2
--R
          x
--R
                6 2 7 5 3 6 4 2 4 5
--R
                                                  3 3 5 4
--R
           831402a d e + 184756a b d e - 167960a b d e + 103360a b d e
--R
                 2 4 6 3 5 7 2 6 8
--R
--R
            - 41344a b d e + 9728a b d e - 1024b d e
--R
--R
--R
--R
              6 3 6 5 4 5 4 2 5 4 3 3 6 3
```

```
--R 277134a d e - 369512a b d e + 335920a b d e - 206720a b d e
--R
             2 4 7 2 5 8 6 9
--R
--R
       82688a b d e - 19456a b d e + 2048b d
--R *
       +----+
--R
--R
       \le x + d
--R /
--R
--R
     969969e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 662
--S 663 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
            6 9 9 5 9 6 8 8
--R
--R
        102102b e x + (684684a b e + 234234b d e )x
--R
               2 4 9 5 8 6 2 7 7
--R
--R
        (1939938a b e + 1597596a b d e + 138138b d e )x
--R
--R
              3 3 9 2 4 8 5 2 7 6 3 6 6
--R
        (2984520a b e + 4626006a b d e + 965580a b d e + 462b d e )x
--R
                4 2 9 3 3 8 2 4 2 7 5 3 6
--R
--R
           2645370a b e + 7325640a b d e + 2889558a b d e + 4788a b d e
--R
               6 4 5
--R
--R
          - 504b d e
--R
--R
--R
          X
--R
                 5 9 4 2 8 3 3 2 7 2 4 3 6
--R
--R
           1293292a b e + 6760390a b d e + 4793320a b d e + 22610a b d e
--R
--R
                  5 4 5 6 5 4
--R
           - 5320a b d e + 560b d e
--R
--R.
           4
--R
          x
--R
                                        4 2 2 7 3 3 3 6
                6 9 5 8
--R
--R
           277134a e + 3510364a b d e + 4744870a b d e + 64600a b d e
--R
                  2 4 4 5 5 5 4 6 6 3
--R
--R
            - 25840a b d e + 6080a b d e - 640b d e
```

```
--R
--R
            3
--R
            x
--R
                    6 8 5 2 7 4 2 3 6 3 3 4 5
--R
--R
             831402a d e + 2771340a b d e + 125970a b d e - 77520a b d e
--R
--R
                  2 4 5 4
                                5 6 3
                                          672
--R
             31008a b d e - 7296a b d e + 768b d e
--R
--R
             2
--R
            X
--R
                           5 36
--R
                                              4 2 4 5
--R
             831402a d e + 184756a b d e - 167960a b d e + 103360a b d e
--R
--R
                    2 4 6 3
                               5 7 2
                                             6 8
--R
             - 41344a b d e + 9728a b d e - 1024b d e
--R
--R
           x
--R
--R
                6 3 6 5 4 5 4 2 5 4 3 3 6 3
--R
          277134a d e \, - 369512a b d e \, + 335920a b d e \, - 206720a b d e
--R
--R
               2 4 7 2
                             5 8
                                     6 9
          82688a b d e - 19456a b d e + 2048b d
--R
--R
--R
         +----+
--R
        \leq x + d
--R /
--R
            7
--R
       969969e
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 663
--S 664 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 664
--S 665 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 665
```

```
)clear all
--S 666 of 1618
t0:=(d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
     (1)
                  5 6 6 2 4 5 5 3 3 2 4 4
--R
       b e x + (6a b e + b d)x + (15a b e + 6a b d)x + (20a b e + 15a b d)x
--R
--R
                   3 3 3
                                       4 2 2
           4 2
                              5
                                                 6
--R
                                                        5
        (15a b e + 20a b d)x + (6a b e + 15a b d)x + (a e + 6a b d)x + a d
--R
--R *
--R
       +----+
--R
      \leq x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 666
--S 667 of 1618
r0:=2/5*(b*d-a*e)^6*(d+e*x)^(5/2)/e^7-12/7*b*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(7/2)/e^7+_
  10/3*b^2*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(9/2)/e^7-40/11*b^3*(b*d-a*e)^3*_
  (d+e*x)^{(11/2)/e^7+30/13*b^4*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^{(13/2)/e^7-}
  4/5*b^5*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(15/2)/e^7+2/17*b^6*(d+e*x)^(17/2)/e^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
               688 58 677
--R
          30030b e x + (204204a b e + 36036b d e)x
--R
--R
                 2 4 8
                               5 7
                                        6 2 6 6
          (589050a b e + 251328a b d e + 462b d e)x
--R
--R
                 3 3 8
                            24 7 526 6355
--R
--R
          (928200a b e + 749700a b d e + 4284a b d e - 504b d e )x
--R
                                             2 4 2 6
--R
                  4 2 8
                                3 3 7
--R
             850850a b e + 1237600a b d e + 17850a b d e - 4760a b d e
--R
--R
                 6 4 4
--R
             560b d e
--R
--R.
             4
--R
            х
--R
--R
                                4 2 7
                                              3 3 2 6 2 4 3 5
--R
             437580a b e + 1215500a b d e + 44200a b d e - 20400a b d e
--R
--R
                   5 4 4 6 5 3
--R
             5440a b d e - 640b d e
```

```
--R
--R
           3
--R
           x
--R
                  68 5 7 4226 3335
--R
--R
           102102a e + 700128a b d e + 72930a b d e - 53040a b d e
--R
--R
                 2 4 4 4
                             5 5 3
                                       6 6 2
           24480a b d e - 6528a b d e + 768b d e
--R
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                 6 7 5 2 6 4 2 3 5 3 3 4 4
--R
            204204a d e + 87516a b d e - 97240a b d e + 70720a b d e
--R
--R
                   2 4 5 3 5 6 2
                                         6 7
--R
           - 32640a b d e + 8704a b d e - 1024b d e
--R
--R
          X
--R
--R
               6 2 6 5 3 5 4 2 4 4 3 3 5 3
--R
         102102a d e \, - 175032a b d e \, + 194480a b d e \, - 141440a b d e
--R
--R
                      5 7 6 8
              2 4 6 2
--R
         65280a b d e - 17408a b d e + 2048b d
--R
--R
        +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
           7
--R
      255255e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 667
--S 668 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
--R
             688
                           5 8 6 7 7
         30030b e x + (204204a b e + 36036b d e)x
--R
--R
--R
                2 4 8
                            5 7 6 2 6 6
         (589050a b e + 251328a b d e + 462b d e)x
--R
--R
--R
                3 3 8 2 4 7 5 2 6 6 3 5 5
--R
         (928200a b e + 749700a b d e + 4284a b d e - 504b d e )x
--R
                         3 3 7 2 4 2 6 5 3 5
--R
                  4 2 8
```

```
--R
            850850a b e + 1237600a b d e + 17850a b d e - 4760a b d e
--R
--R
               6 4 4
--R
           560b d e
--R
--R
--R
           X
--R
                 5 8 4 2 7 3 3 2 6 2 4 3 5
--R
            437580a b e + 1215500a b d e + 44200a b d e - 20400a b d e
--R
--R
                5 4 4 6 5 3
--R
            5440a b d e - 640b d e
--R
--R
--R
           3
--R
           х
--R
--R
                 6 8
                       5 7 4226 3335
           102102a e + 700128a b d e + 72930a b d e - 53040a b d e
--R
--R
--R
                2 4 4 4 5 5 3
                                      6 6 2
--R
           24480a b d e - 6528a b d e + 768b d e
--R
--R
           2
--R
           X
--R
                  6 7 5 2 6 4 2 3 5 3 3 4 4
--R
--R
            204204a d e + 87516a b d e - 97240a b d e + 70720a b d e
--R
                   2 4 5 3 5 6 2 6 7
--R
--R
           - 32640a b d e + 8704a b d e - 1024b d e
--R
--R
--R
             6 2 6
--R
                         5 35
                                      4 2 4 4
        102102a d e - 175032a b d e + 194480a b d e - 141440a b d e
--R
--R
--R
             2 4 6 2
                           5 7
        65280a b d e - 17408a b d e + 2048b d
--R
--R
        +----+
--R
--R
       --R /
--R
          7
--R
      255255e
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 668
--S 669 of 1618
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 669
--S 670 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 670
)clear all
--S 671 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
    (1)
     6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
                                                           6 +----+
--R
    (b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a )\|e x + d
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 671
--S 672 of 1618
r0:=2/3*(b*d-a*e)^6*(d+e*x)^(3/2)/e^7-12/5*b*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(5/2)/_
  e^7+30/7*b^2*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(7/2)/e^7-40/9*b^3*(b*d-a*e)^3*_
   (d+e*x)^(9/2)/e^7+30/11*b^4*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(11/2)/e^7-_
  12/13*b^5*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(13/2)/e^7+2/15*b^6*(d+e*x)^(15/2)/e^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
               6 7 7
                              5 7
                                        6 6 6
           6006b e x + (41580a b e + 462b d e)x
--R
--R
--R
                              5 6
                                         6 2 5 5
                  2 4 7
--R
           (122850a b e + 3780a b d e - 504b d e )x
--R
--R
                              246
                                             5 2 5
           (200200a b e + 13650a b d e - 4200a b d e + 560b d e )x
--R
--R
                     4 2 7
--R
                                 3 3 6
                                               2 4 2 5
--R
              193050a b e + 28600a b d e - 15600a b d e + 4800a b d e
--R
--R
                    6 4 3
--R
              - 640b d e
--R
--R
            3
```

```
--R
          x
--R
--R
                  5 7 4 2 6 3 3 2 5 2 4 3 4
--R
            108108a b e + 38610a b d e - 34320a b d e + 18720a b d e
--R
--R
                    5 4 3
                            6 5 2
--R
           - 5760a b d e + 768b d e
--R
--R
            2
--R
           x
--R
                        5
                               6 4 2 2 5
--R
                 6 7
            30030a e + 36036a b d e - 51480a b d e + 45760a b d e
--R
--R
                   2 4 4 3 5 5 2
--R
--R
            - 24960a b d e + 7680a b d e - 1024b d e
--R
--R
           x
--R
             6 6 5 2 5 4 2 3 4 3 3 4 3
--R
--R
         30030a d e - 72072a b d e + 102960a b d e - 91520a b d e
--R
--R
              2 4 5 2
                            5 6
                                   6 7
         49920a b d e - 15360a b d e + 2048b d
--R
--R
        +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
          7
--R
      45045e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 672
--S 673 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
--R
            6 7 7
                          5 7 6 6 6
--R
         6006b e x + (41580a b e + 462b d e)x
--R
--R
                2 4 7
                           5 6 6 2 5 5
--R.
         (122850a b e + 3780a b d e - 504b d e )x
--R
--R
                3 3 7 2 4 6 5 2 5 6 3 4 4
         (200200a b e + 13650a b d e - 4200a b d e + 560b d e )x
--R
--R
--R
                            3 3 6
                                          2 4 2 5
            193050a b e + 28600a b d e - 15600a b d e + 4800a b d e
--R
--R
```

```
--R
                6 4 3
--R
             - 640b d e
--R
--R
            3
--R
           x
--R
                  5 7 4 2 6 3 3 2 5 2 4 3 4
--R
--R
            108108a b e + 38610a b d e - 34320a b d e + 18720a b d e
--R
                   5 4 3 6 5 2
--R
--R
            - 5760a b d e + 768b d e
--R
--R
--R
           X
--R
--R
                 6 7
                           5
                                6 4225 3334
--R
            30030a e + 36036a b d e - 51480a b d e + 45760a b d e
--R
                    2 4 4 3 5 5 2 6 6
--R
--R
            - 24960a b d e + 7680a b d e - 1024b d e
--R
--R
           X
--R
--R
           6 6 5 2 5 4 2 3 4 3 3 4 3
--R
          30030a d e - 72072a b d e + 102960a b d e - 91520a b d e
--R
                      5 6
--R
--R
          49920a b d e - 15360a b d e + 2048b d
--R
--R
        +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
          7
--R
      45045e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 673
--S 674 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 674
--S 675 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 675
)clear all
--S 676 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3/sqrt(d+e*x)
--R
--R
                        2 4 4 3 3 3
--R
                 5 5
                                           4 2 2 5 6
         6 6
--R
        b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
    (1) -----
--R
--R
                               \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 676
--S 677 of 1618
r0:=-4*b*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(3/2)/e^7+6*b^2*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(5/2)/_
  e^7-40/7*b^3*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(7/2)/e^7+10/3*b^4*(b*d-a*e)^2*_
  (d+e*x)^{(9/2)/e^7-12/11*b^5*(b*d-a*e)*(d+e*x)^{(11/2)/e^7+_}
  2/13*b^6*(d+e*x)^(13/2)/e^7+2*(b*d-a*e)^6*sqrt(d+e*x)/e^7
--R
--R
--R
     (2)
            666 56 655
--R
--R
         462b e x + (3276a b e - 504b d e)x
--R
--R
                2 4 6
                           5 5
                                    6 2 4 4
--R
          (10010a b e - 3640a b d e + 560b d e)x
--R
                3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
--R
          (17160a b e - 11440a b d e + 4160a b d e - 640b d e )x
--R
--R
                 4 2 6
                            3 3 5
                                          2 4 2 4
--R
             18018a b e - 20592a b d e + 13728a b d e - 4992a b d e
--R
--R
                6 4 2
             768b d e
--R
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                  5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
             12012a b e - 24024a b d e + 27456a b d e - 18304a b d e
--R
--R
                  5 4 2 6 5
--R
             6656a b d e - 1024b d e
--R
--R
           x
```

```
+ 66 5 5 4224 3333
100000 bdo - 54912a bd e
--R
--R
--R
        6006a e - 24024a b d e + 48048a b d e - 54912a b d e
--R
             2 4 4 2 5 5 6 6
--R
--R
        36608a b d e - 13312a b d e + 2048b d
--R
--R
        +----+
--R
       \exists x + d
--R /
       7
--R
--R
      3003e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 677
--S 678 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           666 56 655
--R
--R
         462b e x + (3276a b e - 504b d e )x
--R
--R
               2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
         (10010a b e - 3640a b d e + 560b d e )x
--R
--R
               3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
         (17160a b e - 11440a b d e + 4160a b d e - 640b d e )x
--R
                4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
--R
--R
            18018a b e - 20592a b d e + 13728a b d e - 4992a b d e
--R
--R
               6 4 2
--R
           768b d e
--R
--R
           2
--R
          X
--R
                5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
           12012a b e - 24024a b d e + 27456a b d e - 18304a b d e
--R
--R
                 5 4 2 6 5
--R
           6656a b d e - 1024b d e
--R
--R
--R
           6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
--R
         6006a \ e \ - 24024a \ b \ d \ e \ + 48048a \ b \ d \ e \ - 54912a \ b \ d \ e
--R
--R
             2 4 4 2 5 5 6 6
```

```
--R
          36608a b d e - 13312a b d e + 2048b d
--R
--R
         +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R /
--R
          7
--R
       3003e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 678
--S 679 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 679
--S 680 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 680
)clear all
--S 681 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
         6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
        b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R (1) ------
--R
                            (e x + d) | e x + d
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 681
--S 682 of 1618
\texttt{r0:=10*b^2*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2)/e^7-8*b^3*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2)/\_}
  e^7+30/7*b^4*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2)/e^7-4/3*b^5*(b*d-a*e)*_
  (d+e*x)^{(9/2)}/e^{7+2/11*b^6*(d+e*x)^{(11/2)}/e^{7-2*(b*d-a*e)^6/_}
  (e^7*sqrt(d+e*x))-12*b*(b*d-a*e)^5*sqrt(d+e*x)/e^7
--R
--R
--R (2)
          666 56 655
--R
       42b e x + (308a b e - 56b d e )x
--R
```

```
--R
         246 55 6244
--R
--R
       (990a b e - 440a b d e + 80b d e )x
--R
            3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
--R
       (1848a b e - 1584a b d e + 704a b d e - 128b d e )x
--R
--R
                    3 3 5
                                2 4 2 4
                                             5 3 3
       (2310a b e - 3696a b d e + 3168a b d e - 1408a b d e + 256b d e )x
--R
--R
--R
             5 6 4 2 5 3 3 2 4
                                             2 4 3 3
--R
          2772a b e - 9240a b d e + 14784a b d e - 12672a b d e
--R
--R
               5 4 2
                       6 5
         5632a b d e - 1024b d e
--R
--R
--R
--R
          6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
--R
       - 462a e + 5544a b d e - 18480a b d e + 29568a b d e - 25344a b d e
--R
            5 5 6 6
--R
       11264a b d e - 2048b d
--R
--R /
        7 +----+
--R
--R
      231e \|e x + d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 682
--S 683 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
         666 56 655
--R
--R
      42b e x + (308a b e - 56b d e )x
--R
--R
                  5 5
                             6 2 4 4
          2 4 6
--R
       (990a b e - 440a b d e + 80b d e )x
--R
--R
           3 3 6 2 4 5 5 2 4
                                          6333
       (1848a b e - 1584a b d e + 704a b d e - 128b d e )x
--R
--R
--R
           4 2 6
                   3 3 5
                                2 4 2 4
                                          5 3 3 6 4 2 2
--R
       (2310a b e - 3696a b d e + 3168a b d e - 1408a b d e + 256b d e )x
--R
             5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
          2772a b e - 9240a b d e + 14784a b d e - 12672a b d e
--R
--R
               5 4 2 6 5
```

```
--R
            5632a b d e - 1024b d e
--R
--R
          X
--R
              6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
--R
        - 462a e + 5544a b d e - 18480a b d e + 29568a b d e - 25344a b d e
--R
--R
               5 5
                        6 6
--R
        11264a b d e - 2048b d
--R /
--R
          7 +----+
       231e \|e x + d
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 683
--S 684 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 684
--S 685 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 685
)clear all
--S 686 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
                         2 4 4
                                   3 3 3
                                            4 2 2 5 6
--R
         66 55
--R
         b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
     (1) -----
--R
                         2 2
                                     2 +----+
--R
                       (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R.
                                                Type: Expression(Integer)
--E 686
--S 687 of 1618
r0:=-2/3*(b*d-a*e)^6/(e^7*(d+e*x)^(3/2))-40/3*b^3*(b*d-a*e)^3*_
  (d+e*x)^{(3/2)}/e^{7+6*b^{4}*(b*d-a*e)^{2}*(d+e*x)^{(5/2)}/e^{7-}
  12/7*b^5*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^7+2/9*b^6*(d+e*x)^(9/2)/e^7+_
  12*b*(b*d-a*e)^5/(e^7*sqrt(d+e*x))+30*b^2*(b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x)/e^7
```

```
--R
--R
--R
    (2)
         6 6 6 5 5
--R
--R
       14b e x + (108a b e - 24b d e )x
--R
           2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
       (378a b e - 216a b d e + 48b d e )x
--R
--R
          3 3 6
                    24 5
                                5 2 4
                                          6333
--R
       (840a b e - 1008a b d e + 576a b d e - 128b d e )x
--R
           4 2 6 3 3 5
                              2 4 2 4 5 3 3 6 4 2 2
--R
--R
       (1890a b e - 5040a b d e + 6048a b d e - 3456a b d e + 768b d e )x
--R
--R
                      4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
              5 6
--R
          - 756a b e + 7560a b d e - 20160a b d e + 24192a b d e
--R
                 5 4 2 6 5
--R
--R
         - 13824a b d e + 3072b d e
--R
--R
        X
--R
--R
          6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
       -42a e -504a b d e +5040a b d e -13440a b d e +16128a b d e
--R
          5 5
--R
--R
       - 9216a b d e + 2048b d
--R /
        8 7 +----+
--R
--R
      (63e x + 63d e) | e x + d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 687
--S 688 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
         666 56 655
--R
--R
       14b e x + (108a b e - 24b d e )x
--R
--R.
          2 4 6
                  5 5 6244
--R
       (378a b e - 216a b d e + 48b d e )x
--R
--R
          3 3 6
                    24 5
                                5 2 4 6 3 3 3
--R
       (840a b e - 1008a b d e + 576a b d e - 128b d e )x
--R
           4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3 6 4 2 2
--R
--R
       (1890a b e - 5040a b d e + 6048a b d e - 3456a b d e + 768b d e )x
```

```
--R
            5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
           -756a b e +7560a b d e -20160a b d e +24192a b d e
--R
                  5 4 2 6 5
--R
--R
          - 13824a b d e + 3072b d e
--R
--R
--R
                             4 2 2 4 3 3 3 3
--R
          6 6
                  5 5
--R
       - 42a e - 504a b d e + 5040a b d e - 13440a b d e + 16128a b d e
--R
             5 5
--R
       - 9216a b d e + 2048b d
--R
--R /
--R
        8
             7 +----+
--R
      (63e x + 63d e) | e x + d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 688
--S 689 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 689
--S 690 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 690
)clear all
--S 691 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
        6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R.
        b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R (1) -----
                  3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
                 (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
                                           Type: Expression(Integer)
--R
--E 691
```

```
--S 692 of 1618
r0:=-2/5*(b*d-a*e)^6/(e^7*(d+e*x)^(5/2))+4*b*(b*d-a*e)^5/(e^7*_
  (d+e*x)^(3/2)+10*b^4*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2)/e^7-12/5*b^5*_
  (b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^7+2/7*b^6*(d+e*x)^(7/2)/e^7-30*b^2*_
  (b*d-a*e)^4/(e^7*sqrt(d+e*x))-40*b^3*(b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x)/e^7
--R
--R
--R
     (2)
           6 6 6 5 6 6 5 5
--R
--R
        10b e x + (84a b e - 24b d e )x
--R
                       5 5
--R
            2 4 6
                                 6 2 4 4
        (350a b e - 280a b d e + 80b d e)x
--R
--R
--R
                     24 5
                                  5 2 4 6 3 3 3
             3 3 6
--R
        (1400a b e - 2800a b d e + 2240a b d e - 640b d e )x
--R
--R
                 4 2 6
                          3 3 5 2 4 2 4
                                                         5 3 3
--R
           - 1050a b e + 8400a b d e - 16800a b d e + 13440a b d e
--R
--R
                  6 4 2
--R
           - 3840b d e
--R
--R
          2
--R
          X
--R
                 5 6 4 2 5 3 3 2 4
--R
--R
           - 140a b e - 1400a b d e + 11200a b d e - 22400a b d e
--R
--R
                  5 4 2 6 5
--R
           17920a b d e - 5120b d e
--R
--R
         X
--R
--R
                   5 5
                               4 2 2 4
                                            3 3 3 3
        - 14a e - 56a b d e - 560a b d e + 4480a b d e - 8960a b d e
--R
--R
--R
              5 5
                       6 6
        7168a b d e - 2048b d
--R
--R /
              8 27 +----+
--R
       (35e x + 70d e x + 35d e) | e x + d
--R
--R.
                                               Type: Expression(Integer)
--E 692
--S 693 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
6 6 6 5 6 6 5 5
--R
--R
       10b e x + (84a b e - 24b d e )x
--R
            2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
       (350a b e - 280a b d e + 80b d e )x
--R
            3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
--R
       (1400a b e - 2800a b d e + 2240a b d e - 640b d e )x
--R
                        3 3 5
--R
                4 2 6
                                      2 4 2 4
--R
          - 1050a b e + 8400a b d e - 16800a b d e + 13440a b d e
--R
                6 4 2
--R
--R
          - 3840b d e
--R
--R
         2
--R
         X
--R
               5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
          - 140a b e - 1400a b d e + 11200a b d e - 22400a b d e
--R
--R
--R
                5 4 2 6 5
           17920a b d e - 5120b d e
--R
--R
--R
--R
           6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
--R
      - 14a e - 56a b d e - 560a b d e + 4480a b d e - 8960a b d e
--R
            5 5 6 6
--R
        7168a b d e - 2048b d
--R
--R /
         9 2 8 2 7 +----+
--R
--R
      (35e x + 70d e x + 35d e) | e x + d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 693
--S 694 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R.
                                            Type: Expression(Integer)
--E 694
--S 695 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 695
)clear all
--S 696 of 1618
t0:=(d+e*x)^(9/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
--R
                            4 4
                                                 3 3 2 2 2 3
                                                                                                              4 +----+
--R
                         (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) | e x + d
             (1) -----
--R
                                                              2 2 2
--R
--R
                                                              bx + 2abx + a
--R
                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 696
--S 697 of 1618
r0:=3*e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2)/b^4+9/5*e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2)/b^3+_2*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)^2*(d+e*x)
       9/7*e*(d+e*x)^(7/2)/b^2-(d+e*x)^(9/2)/(b*(a+b*x))-9*e*_
       (b*d-a*e)^{(7/2)}*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^{(11/2)}+_
      9*e*(b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x)/b^5
--R
--R
--R
              (2)
                                            3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
                                (315a b e - 945a b d e + 945a b d e - 315b d e)x + 315a e
--R
--R
                                                         3 2222
--R.
                                - 945a b d e + 945a b d e - 315a b d e
--R
--R
                                                                            +-+ +----+
--R
                             +----+
                                                                          \b \ \ \ x + d
--R
                           \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                            +----+
--R
                                                                          \|- a e + b d
--R
--R
                                                                          3 4 4 3 3
                                      4 4 4
--R
                               10b e x + (- 18a b e + 58b d e )x
--R
--R
                                         2 2 4
                                                                     3 3
                                                                                                 4 2 2 2
                                (42a b e - 138a b d e + 156b d e )x
--R
--R.
--R.
                                                3 4 2 2 3 3 2 2 4 3
--R
                                 (-210a b e + 714a b d e - 852a b d e + 388b d e)x - 315a e
--R
                                                                              2 2 2 2 3 3
--R
--R
                               1050a b d e - 1218a b d e + 528a b d e - 35b d
--R
--R
                             +-+ +----+
```

```
--R \|b \|e x + d
--R /
       6 5 +-+
--R
--R (35b x + 35a b )\|b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 697
--S 698 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Γ
               3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
           (315a b e - 945a b d e + 945a b d e - 315b d e)x + 315a e
--R
--R
                   3 2222
--R
           - 945a b d e + 945a b d e - 315a b d e
--R
--R
                          +----+
--R
                         |- a e + b d +----+
           +----+
                       2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
           |- a e + b d \| b
--R
--R
           |------ log(------)
                                b x + a
--R
          \| b
--R
             4 4 4 3 4 4 3 3
--R
--R
           20b e x + (- 36a b e + 116b d e )x
--R
              2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
           (84a b e - 276a b d e + 312b d e )x
--R
                                      3 2 2 4 3
--R
                        223
--R
           (-420a b e + 1428a b d e - 1704a b d e + 776b d e)x - 630a e
--R
              3 3 2222
                                      3 3
--R
--R
          2100a b d e - 2436a b d e + 1056a b d e - 70b d
--R
--R
           +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R
        6 5
--R
       70b x + 70a b
--R.
--R
--R
               3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
           (315a b e - 945a b d e + 945a b d e - 315b d e)x + 315a e
--R
               3 3 2222 33
--R
--R
           -945a b d e +945a b d e -315a b d e
```

```
--R
--R
--R
           la e - b d
                       --R
          |-----)
          \| b
--R
--R
                       la e - b d
--R
                       |-----
                      \| b
--R
--R
                        3 4 4 3 3
--R
             4 4 4
           10b e x + (- 18a b e + 58b d e )x
--R
--R
                     3 3 4 2 2 2
--R
              2 2 4
--R
           (42a b e - 138a b d e + 156b d e )x
--R
--R
               3 4 2 2 3 3 2 2 4 3
--R
           (-210a b e + 714a b d e - 852a b d e + 388b d e)x - 315a e
--R
               3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
           1050a b d e - 1218a b d e + 528a b d e - 35b d
--R
--R
          +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R
        6 5
--R
--R
       35b x + 35a b
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 698
--S 699 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
          3 4 2 3 2 2 2 3 3 |- a e + b d +-+
--R
--R
        \| b
--R
--R
--R
--R
             |- a e + b d +----+
--R
           2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
            \| b
--R
--R
        log(-----)
--R
                         b x + a
--R
--R
             3 4 2 3 2 2 2 3 3 +-----
        (-18a e + 54a b d e - 54a b d e + 18b d e) | - a e + b d
--R
--R
```

```
+-+ +----+
--R
--R
               --R
         atanh(-----)
               +----+
--R
--R
               \|- a e + b d
--R /
--R
        5 +-+
--R
      2b \|b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 699
--S 700 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 700
--S 701 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
              3 4 2 3 2 2 2 3 3 +-----
--R
          (- 9a e + 27a b d e - 27a b d e + 9b d e)\|- a e + b d
--R
--R
               +-+ +----+
--R
              atanh(-----)
--R
               +----+
--R
               \|- a e + b d
--R
--R
--R
                                                 +----+
           3 4 2 3
                              2 2 2 3 3 +-+ |a e - b d
--R
          (9a e - 27a b d e + 27a b d e - 9b d e)\|b |-----
--R
                                                \| b
--R
--R
               +----+
--R
--R
               \label{eq:lemma_def} \
          atan(-----)
--R
--R
              +----+
--R
              la e - b d
--R
              |----
              \| b
--R
--R /
--R
       5 +-+
--R
      b \|b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 701
```

```
--S 702 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
             (7) 0
--R
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 702
)clear all
--S 703 of 1618
t0:=(d+e*x)^(7/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
--R
                                  3 3
                                                          2 2
                                                                                 2
                                                                                                   3 +----+
--R
                              (e x + 3d e x + 3d e x + d )\|e x + d
--R
               (1) -----
--R
                                                           2 2
--R
                                                           bx + 2abx + a
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 703
--S 704 of 1618
r0:=7/3*e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2)/b^3+7/5*e*(d+e*x)^(5/2)/b^2-_
         (d+e*x)^{(7/2)}/(b*(a+b*x))-7*e*(b*d-a*e)^{(5/2)}*atanh(sqrt(b)*_
        sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(9/2)+7*e*(b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x)/b^4
--R
--R
--R
                (2)
                                                         2 3 2 2
                                                                                                                        3 2
--R
                                                                                                                                                                    3 3
--R
                                      (-105a b e + 210a b d e - 105b d e)x - 105a e + 210a b d e
--R
--R
                                                            2 2
--R
                                     - 105a b d e
--R
--R
                                                                                          +-+ +----+
--R
                                   +----+
                                                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                 \|- a e + b d atanh(-----)
                                                                                          +----+
--R
--R
                                                                                        \|- a e + b d
--R
--R.
                                            3 3 3
                                                                                      2 3 3 2 2
                                      6b e x + (-14a b e + 32b d e)x
--R
--R
--R
                                                                            2 2 3 2
                                                                                                                                                       3 3 2
--R
                                      (70a b e - 168a b d e + 116b d e)x + 105a e - 245a b d e
--R
--R
                                                      2 2
                                                                           3 3
--R
                                     161a b d e - 15b d
```

```
--R
--R
         +-+ +----+
--R
        \b \leq x + d
--R /
       5 4 +-+
--R
--R
    (15b x + 15a b) | b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 704
--S 705 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
   [
--R
               2 3 2 3 2 3 3 2 2
--R
            (105a b e - 210a b d e + 105b d e)x + 105a e - 210a b d e
--R
--R
               2 2
--R
           105a b d e
--R
--R
                            +----+
                          |- a e + b d +----+
--R
--R
                        - 2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
           |- a e + b d \| b
           |------ log(------)
--R
          \| ъ
--R
                                       b x + a
--R
             3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
           12b e x + (- 28a b e + 64b d e )x
--R
              2 3 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
            (140a b e - 336a b d e + 232b d e)x + 210a e - 490a b d e
--R
--R
               2 2
                      3 3
           322a b d e - 30b d
--R
--R
           +----+
--R
--R
          \ensuremath{\mbox{le x + d}}
--R
         5 4
--R
--R
       30b x + 30a b
--R
--R
                2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
            (- 105a b e + 210a b d e - 105b d e)x - 105a e + 210a b d e
--R
--R
                  2 2
           - 105a b d e
--R
--R
```

```
+----+
--R
--R
                                       la e - b d
                                                                                    \exists x + d
--R
                                      |----- atan(-----)
                                                                                  +----+
--R
                                     \| Ъ
--R
                                                                                    la e - b d
                                                                                   |-----
--R
                                                                                  \| b
--R
--R
                                                                                      23 3 2 2
--R
                                             3 3 3
                                          6b e x + (-14a b e + 32b d e)x
--R
--R
                                                                              2 2
                                                    2 3
                                                                                                                  3 2
                                                                                                                                                        3 3 2 2
--R
                                          (70a b e - 168a b d e + 116b d e)x + 105a e - 245a b d e
--R
--R
--R
                                                        2 2
                                                                               3 3
--R
                                          161a b d e - 15b d
--R
                                       +----+
--R
--R
                                    --R
                                5 4
--R
--R
                          15b x + 15a b
--R
--R
                                                                                                     Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 705
--S 706 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
               (4)
--R
                                                                                                              +----+
                                       2 3 2 2 |- a e + b d +-+
--R
--R
                                (7a e - 14a b d e + 7b d e) |----- \|b
                                                                                                            \| b
--R
--R
--R
                                                      +----+
--R
                                                     |-ae+bd+----+
                                          - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                                                 \| b
--R
                               log(-----)
--R
--R
                                                                                                 b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                    +-+ +----+
                                    2 3
--R
                                                       2 2 2 +----+
                                                                                                                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
                           (14a e - 28a b d e + 14b d e) = a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                    +----+
--R
--R
                                                                                                                                                                  \|- a e + b d
--R /
                          4 +-+
--R
```

```
2b \|b
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 706
--S 707 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 707
--S 708 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                                                   +-+ +----+
          2 3 2 2 +-----
--R
                                                 \|b \|e x + d
        (7a e - 14a b d e + 7b d e) = a e + b d atanh(-----)
--R
                                                   +----+
--R
--R
                                                   \|- a e + b d
--R
                                       +----+
                                                      +----+
--R
--R
           2 3 2 2 +-+ |a e - b d
                                                      \exists x + d
--R
       (- 7a e + 14a b d e - 7b d e)\|b |----- atan(-----)
                                      \| b
                                                      +----+
--R
--R
                                                      la e - b d
--R
                                                     |-----
--R
                                                     \| b
--R /
--R
       4 +-+
--R
      b \|b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 708
--S 709 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 709
)clear all
--S 710 of 1618
t0:=(d+e*x)^(5/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
```

```
--R
                        2 +----+
--R
          (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
     (1) -----
              2 2
--R
--R
              b x + 2a b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 710
--S 711 of 1618
r0:=5/3*e*(d+e*x)^(3/2)/b^2-(d+e*x)^(5/2)/(b*(a+b*x))-_
  5*e*(b*d-a*e)^(3/2)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
  b^{(7/2)+5*e*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x)/b^3}
--R
--R
--R
     (2)
--R
                       2
                                  2 2
--R.
          ((15a b e - 15b d e)x + 15a e - 15a b d e)\|- a e + b d
--R
--R
                +-+ +----+
--R
               \b \leq x + d
--R
          atanh(-----)
--R
                +----+
--R
                \|- a e + b d
--R
--R
                                  2 2 2
                                                                2 2 +-+
--R
          (2b e x + (-10a b e + 14b d e)x - 15a e + 20a b d e - 3b d ) \ | b
--R
--R
           +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
              3 +-+
--R
       (3b x + 3a b) \setminus b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 711
--S 712 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
--R.
                    2
                         2
                             2 2
                                                   |- a e + b d
--R
            ((15a b e - 15b d e)x + 15a e - 15a b d e) |
                                                   \| b
--R
--R
                  +----+
--R
--R
                  |- a e + b d +----+
                2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                 \| b
--R
```

```
--R
--R
                             b x + a
--R
                           2 2 2 2 2
--R
             2 2 2
--R
           (4b e x + (- 20a b e + 28b d e)x - 30a e + 40a b d e - 6b d)
--R
--R
           +----+
--R
          \le x + d
--R
        4 3
--R
--R
        6b x + 6a b
--R
--R
--R
                 2 2 2 2
--R
                                              la e - b d
--R
           ((15a b e - 15b d e)x + 15a e - 15a b d e) |-----
--R
--R
--R
                +----+
--R
               \le x + d
--R
           atan(-----)
--R
               +----+
--R
               la e - b d
               |-----
--R
               \| b
--R
--R
                    2 2 2 2 2
--R
             2 2 2
--R
           (2b e x + (- 10a b e + 14b d e)x - 15a e + 20a b d e - 3b d)
--R
--R
           +----+
--R
          \leq x + d
--R
        4 3
--R
--R
      3b x + 3a b
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 712
--S 713 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
            2 |- a e + b d +-+
--R
--R
         (5a e - 5b d e) \mid----- \setminus \midb
                     \| b
--R
--R
--R
               +----+
               |- a e + b d +----+
--R
```

```
2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
         log(-----)
--R
--R
                             b x + a
--R
--R
                                        +----+
--R
        (- 10a e + 10b d e)\|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                         \|- a e + b d
--R
--R /
       3 +-+
--R
--R
      2b \|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 713
--S 714 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 714
--S 715 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                                       +-+ +----+
            2 +----+
--R
                                    \b \e x + d
        (-5a e + 5b d e) | -a e + b d atanh(-----)
--R
                                       +----+
--R
--R
                                       \|- a e + b d
--R
--R
--R
                    +-+ |a e - b d
                                       \exists x + d
        (5a e - 5b d e)\|b |----- atan(-----)
--R
                       \| b
                                       +----+
--R
--R
                                       la e - b d
                                       |----
--R
                                      \| b
--R
--R /
--R
       3 +-+
--R
      b \|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 715
--S 716 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
```

```
--R
--R
--R
                (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 716
)clear all
--S 717 of 1618
t0:=(d+e*x)^(3/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
 --R
 --R
                                  (e x + d) | e x + d
 --R
                  (1) -----
 --R
                                       2 2 2
--R
                                     b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 717
--S 718 of 1618
r0:=-(d+e*x)^{(3/2)}/(b*(a+b*x))-3*e*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
          --R
--R
--R
                    (2)
--R
                                                                                                                                                                +-+ +----+
--R
                                                                                             +----+
                                                                                                                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                 (-3b e x - 3a e) | -a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                             \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                          +-+ +----+
--R
                                (2b e x + 3a e - b d) | b | e x + d
--R /
                             3 2 +-+
--R
                           (b x + a b) \setminus b
--R
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 718
--S 719 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                   (3)
--R
                   Ε
                                                                                                    +----+
--R
--R
                                                                                                   |- a e + b d
--R
                                               (3b e x + 3a e) \mid -----
                                                                                                \| b
--R
```

```
--R
--R
                  |- a e + b d +----+
--R
--R
              - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
                \| b
--R
           log(-----)
--R
--R
                              b x + a
--R
--R
                           +----+
         (4b e x + 6a e - 2b d) | e x + d
--R
--R
        3 2
--R
       2b x + 2a b
--R
--R
--R
--R
--R
                       la e - b d
                                    \exists x + d
         (- 3b e x - 3a e) |----- atan(-----)
--R
                       \| b
--R
                                     la e - b d
--R
--R
                                     |-----
--R
                                    \| b
--R
--R
--R
         (2b e x + 3a e - b d) | e x + d
--R
        3 2
--R
--R
       bx + ab
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 719
--S 720 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
           +----+
--R
           |-ae+bd +-+
--R
         3e |---- \|b
--R
          \ |
--R
--R
                +----+
--R
               |- a e + b d +----+
            - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
         log(-----)
--R
--R
                             b x + a
--R
                          +-+ +----+
--R
```

```
\begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                         +----+
--R
                                6e\|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                          \|- a e + b d
--R /
--R
                           2 +-+
--R
                          2b \|b
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 720
--S 721 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
 --R
 --R
                (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 721
--S 722 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                   (6)
                                                                                                                                                                          +----+
                                                                                              +-+ +----+
--R
                      --R
                                                                                                                                                                                                                                       \leq x + d
                    3e\|- a e + b d atanh(------) - 3e\|b |----- atan(-----)
--R
                                                                                                                                                    \| b
                                                                                               +----+
--R
--R
                                                                                             \|- a e + b d
                                                                                                                                                                                                                                       la e - b d
                                                                                                                                                                                                                                      |-----
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                     \| b
--R
                                                                                                                                         2 +-+
--R
--R
                                                                                                                                       b \|b
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 722
--S 723 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
 --R
                (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 723
)clear all
--S 724 of 1618
t0:=(d+e*x)^(1/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)
--R
--R
```

```
--R
            +----+
--R
           \exists x + d
--R
    (1) -----
        2 2 2
--R
--R
        b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 724
--S 725 of 1618
\texttt{r0:=-e*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(3/2)*sqrt(b*d-a*e))-\_}
  sqrt(d+e*x)/(b*(a+b*x))
--R
--R
--R
                          +-+ +----+
                          +----+
--R
         (- b e x - a e)atanh(-----) - \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R
--R.
                          +----+
--R
                         \|- a e + b d
--R
                          2 +----+ +-+
--R
--R
                        (b x + a b) = a e + b d | b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 725
--S 726 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    [
--R
           (b e x + a e)
--R
--R
                                                    | 2
--R
                      2 +----+
--R
             (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                    b x + a
--R
--R
               2 +----+
--R
--R
         -2||-abe+bd|||ex+d||
--R
--R.
--R.
                   | 2
--R
        (2b x + 2a b) | - a b e + b d
--R
--R
                     2 +----+
--R
                    \|a b e - b d \|e x + d | 2 +-----+
--R
     (b e x + a e)atan(-----) - \ b e - b d \ e x + d
--R
```

```
--R
                          ae-bd
--R
--R
                              1 2
                        2
--R
--R
                         (b x + a b) \setminus |a b e - b d
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 726
--S 727 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
          +----+ +-+
--R
        e\|- a e + b d \|b
--R
--R
--R
                      2 +----+
             (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
--R
                                    b x + a
--R
--R
                            +-+ +----+
--R
         2 \|b \|e x + d
--R
        2e\|- a b e + b d atanh(-----)
                            +----+
--R
                            \|- a e + b d
--R
--R /
--R
       2 +----+ +-+
--R
      2b\|-abe+bd\|-ae+bd\|b
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 727
--S 728 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 728
--S 729 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                        +-+ +----+
        2 \|b \|e x + d
--R
--R e\|a b e - b d atanh(-----)
```

```
--R
                          +----+
--R
                         \|- a e + b d
--R
--R
                            2 +----+
--R
--R
         +----+ +-+ \|a b e - b d \|e x + d
--R
        e\|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
                                 ae-bd
--R /
--R
--R
       +----- +-+ | 2
      b = a + b d | b = b d
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 729
--S 730 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 730
)clear all
--S 731 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^(1/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
                    1
--R
   (1) -----
         2 2 2 +----+
--R
--R
       (b x + 2a b x + a) \mid e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 731
--S 732 of 1618
\texttt{r0:=e*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/((b*d-a*e)^(3/2)*sqrt(b))-}\_
  sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)*(a+b*x))
--R
--R
--R
                           +-+ +----+
--R.
                          +----+
--R
        (- b e x - a e)atanh(-----) + \|- a e + b d \|b \|e x + d
                          +----+
--R
--R
                          \|- a e + b d
--R
--R
                         2 2 +----+ +-+
--R
                 ((a b e - b d)x + a e - a b d) \mid - a e + b d \mid b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 732
--S 733 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    [
--R
           (b e x + a e)
--R
--R
                        2 +----+
--R
              (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
--R
                                        b x + a
--R
--R
                2 +----+
--R
--R
          2 = a b e + b d = x + d
--R
--R
                    2 2 1 2
--R
         ((2a b e - 2b d)x + 2a e - 2a b d) | - a b e + b d
--R
--R
--R
                      | 2 +----+ +-----+
||a b e - b d ||e x + d | 2 +-----+
--R
--R
      (b e x + a e)atan(-----) + \|a b e - b d \|e x + d
--R
--R
                            ae-bd
--R
--R
                         2 2
                                            . 1 2
--R
--R
                  ((a b e - b d)x + a e - a b d) \setminus |a b e - b d
--R
                                 Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 733
--S 734 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
            +----+ +-+
--R.
          e = a + b d 
--R
--R
--R
                         2 +----+
--R
             (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                      b x + a
--R
```

```
--R
                                      1 2
--R
                                                                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                               2e\|- a b e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                            \|- a e + b d
--R /
--R
                                                                     2 +----+ +-+
--R
--R
                         (2a e - 2b d)\|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--Е 734
--S 735 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                (5) 0
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--Е 735
--S 736 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                   (6)
--R
                                    1 2
                                                                                                 \b \ \e x + d
--R
--R
                              e\|a b e - b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                  \label{lem:ae+bd}
--R
--R
                                                                                                               +----+
                                                                                                           2 +----+
--R
                                  +----+ +-+ \|a b e - b d \|e x + d
--R
--R
                              e\|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
                                                                                                                                ae-bd
--R /
                                                                                                                      +----+
--R
                                                           +----- +-+ | 2
--R
--R
                         (a e - b d) = a e + b d | b | a b e - b d
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 736
--S 737 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
               (7) 0
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 737
```

```
)clear all
--S 738 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^{(3/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
--R
                                  2 3 2 2 2
--R
--R
                                (b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d) | e x + d
--R
                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--Е 738
--S 739 of 1618
\texttt{r0:=3*e*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b)/(b*d-a*e)^(5/2)-\_}
        3*e/((b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x))+(-1)/((b*d-a*e)*(a+b*x)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                                                                                     +-+ +----+
--R
                                                                           +-+ +----+
                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                             (3b e x + 3a e) | b | e x + d atanh(-----)
                                                                                                                                     +----+
--R
--R
                                                                                                                                   \|- a e + b d
--R
--R
--R
                             (-3b e x - 2a e - b d) | - a e + b d
--R /
--R
                                     2 2 3 2 3 2 2 2 +-----+
                             ((a b e - 2a b d e + b d )x + a e - 2a b d e + a b d )\|- a e + b d
--R
--R
                               +----+
--R
--R
                             \ | e x + d
--R
                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 739
--S 740 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                 (3)
--R
                 Ε
--R
                                                                                     | b +----+
--R
                                         --R
--R
                                                                                    --R
--R
                                                                                                   b +----+
--R
```

```
(- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                       \| ae-bd
--R
--R
                                  b x + a
--R
--R
         - 6b e x - 4a e - 2b d
--R
                  2 3 2 3 2 2 2 +----+
--R
          2 2
       ((2a b e - 4a b d e + 2b d )x + 2a e - 4a b d e + 2a b d )\|e x + d
--R
--R
--R
--R
                       l b +----+
--R
                                               b\|e x + d
         (- 3b e x - 3a e) |------)
--R
--R
                      \|a e - b d
--R
                                                    l b
--R
                                            (a e - b d) |-----
                                                    \|a e - b d
--R
--R
         - 3b e x - 2a e - b d
--R
--R
--R
         2 2 2 3 2 3 2 2 2 +-----+
--R
        ((a b e - 2a b d e + b d )x + a e - 2a b d e + a b d )\|e x + d
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 740
--S 741 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
           +----- b
--R
--R
         3e\|- a e + b d |- -----
                    \| a e - b d
--R
--R
--R
                        l b +----+
--R
            (- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                       \| ae-bd
--R
--R.
                                 b x + a
--R
                   +-+ +----+
--R
--R
                  \b \ \ \ x + d
       - 6e\|b atanh(-----)
--R
                   +----+
--R
--R
                  \|- a e + b d
--R /
```

```
2 2 +----+
--R
       2 2
--R
      (2a e - 4a b d e + 2b d) = a e + b d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 741
--S 742 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 742
--S 743 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                    +-+ +----+
           +-+ \|b \|e x + d
--R
--R
        - 3e\|b atanh(-----)
--R
                    +----+
--R
                   \|- a e + b d
--R
--R
                      +----+
          +----+ | b | b\|e x + d
--R
        - 3e\|- a e + b d |------)
--R
--R
                       \|a e - b d
--R
                                              lь
                                     (a e - b d) |----
--R
--R
                                             \|a e - b d
--R /
      2 2
                      2 2 +----+
--R
--R
      (a e - 2a b d e + b d )\|- a e + b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 743
--S 744 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 744
)clear all
--S 745 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
```

```
--R
               (1)
--R
--R
               1
--R /
                                 2 2 4 2 2 3
--R
                                                                                                                    2 2
                                                                                                                                                                       2 2 2
--R
                               b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d)x
--R
--R
                                                                     2
                                                                                       2 2
                               (2a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R
--R
                            +----+
--R
                         --R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 745
--S 746 of 1618
r0:=-5/3*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2))+(-1)/((b*d-a*e)*(a+b*x)*_
        (d+e*x)^(3/2)+5*b^(3/2)*e*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
       sqrt(b*d-a*e))/(b*d-a*e)^(7/2)-5*b*e/((b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                               2 2 2
                                                                                             2
                                                                                                           2
                                                                                                                                                                    +-+ +----+
--R
                               (-15b e x + (-15a b e - 15b d e)x - 15a b d e) | b | e x + d
--R
                                                 +-+ +----+
--R
--R
                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                               atanh(-----)
--R
--R
                                               \label{lem:ae+bd}
--R
                                         2 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
                               (15b e x + (10a b e + 20b d e)x - 2a e + 14a b d e + 3b d)
--R
--R
                                 +----+
                               \|- a e + b d
--R
--R /
                                                                                               3 2 2 4 3 2
--R
                                      3 4 22 3
--R
                               (3a b e - 9a b d e + 9a b d e - 3b d e)x
--R
--R
                                                       3
                                                                       3
                                                                                          3 3
                                                                                                                    4 4
                                                                                                                                            4 3
                               (3a e - 6a b d e + 6a b d e - 3b d )x + 3a d e - 9a b d e
--R
--R.
--R
                                   2 2 3 3 4
                              9a b d e - 3a b d
--R
--R
                            +----+
--R
--R
                         --R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 746
```

```
--S 747 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    [
--R
              2 2 2 2 2
--R
            (15b e x + (15a b e + 15b d e)x + 15a b d e) |- -----
--R
--R
                                                 \| a e - b d
--R
            +----+
--R
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
--R
                          b +----+
               (2a e - 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                         \| a e - b d
--R
--R
                                   b x + a
--R
--R
           2 2 2 2 2
                                        2 2
          30b e x + (20a b e + 40b d e)x - 4a e + 28a b d e + 6b d
--R
--R
            3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 2
--R
--R
           (6a b e - 18a b d e + 18a b d e - 6b d e)x
--R
--R
             4 4 3 3 3 3 3
                                        4 4 4 3 3 2 2
--R
           (6a \ e \ - \ 12a \ b \ d \ e \ + \ 12a \ b \ d \ e \ - \ 6b \ d \ )x \ + \ 6a \ d \ e \ - \ 18a \ b \ d \ e
--R
             2 2 3 3 4
--R
--R
           18a b d e - 6a b d
--R
--R
          +----+
--R
         --R
--R
--R
              2 2 2 2 2
                                                   l b
--R
           (15b e x + (15a b e + 15b d e)x + 15a b d e) |----- | e x + d
--R
--R
                                                  \|a e - b d
--R
--R
                      +----+
--R
                    b \mid e x + d
            atan(-----)
--R
--R
--R
                        l b
                (a e - b d) |----
--R
--R
                         \|a e - b d
```

```
--R
                                  2 2 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
                             15b e x + (10a b e + 20b d e)x - 2a e + 14a b d e + 3b d
--R
                                        3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 2
--R
--R
                                    (3abe - 9abde + 9abde - 3bde)x
--R
                                                                                            3 3
--R
                                        44 3 3
                                                                                                                     4 4 4 3 3 2 2
                                  (3a e - 6a b d e + 6a b d e - 3b d )x + 3a d e - 9a b d e
--R
--R
--R
                                      2 2 3 3 4
                                  9a b d e - 3a b d
--R
--R
                                 +----+
--R
--R
                              \label{eq:lemma_def} \
--R
                    1
--R
                                                                                                 Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 747
--S 748 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
               (4)
--R
                                          +----- b
--R
                              5b e\|- a e + b d |- -----
--R
--R
                                                                            \| a e - b d
--R
--R
                                                                            +----+
                                                                            b +----+
--R
--R
                                         (2a e - 2b d) | - ---- \setminus | e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                                                                     \| ae-bd
                              log(-----)
--R
--R
                                                                                                          b x + a
--R
                                                                 +-+ +----+
--R
                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                    +-+
                         10b e\|b atanh(-----)
--R
                                                                 +----+
--R
--R
                                                                \ |-ae+bd
--R /
--R.
                           3 3
                                         2 2 2 2
                                                                                                      3 3 +----+
--R
                    (2a e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d )\|- a e + b d
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 748
--S 749 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 749
--S 750 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                  +-+ +----+
          +-+ \|b \|e x + d
--R
--R
       5b e\|b atanh(-----)
                   +----+
--R
--R
                  \|- a e + b d
--R
--R
                     +----+
                                        +----+
                                b\|e x + d
--R
          +----- b
       5b e\|- a e + b d |------- atan(-----)
--R
                    \|a e - b d
--R
--R
                                         l b
--R
                                   (a e - b d) |----
--R
                                          \|a e - b d
--R /
      3 3 2 2 2 2 3 3 +----+
--R
--R
      (a e - 3a b d e + 3a b d e - b d) = a e + b d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 750
--S 751 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 751
)clear all
--S 752 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^(7/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
         2 3 5 3 2 2 4 2 3 2 2 2 3
--R
--R
        b e x + (2a b e + 3b d e )x + (a e + 6a b d e + 3b d e)x
--R
         2 2 2 2 3 2 2 2 3 2 3
--R
```

```
--R
          (3a d e + 6a b d e + b d)x + (3a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R
         +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 752
--S 753 of 1618
r0:=-7/5*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2))+(-1)/((b*d-a*e)*(a+b*x)*_
  (d+e*x)^(5/2))-7/3*b*e/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(3/2))+7*b^(5/2)*e*_
  a tanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b*d-a*e)^(9/2)-_
  7*b^2*e/((b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
               3 3 3
                           2 3 3 2 2
                                                    2 2
--R.
            105b e x + (105a b e + 210b d e )x + (210a b d e + 105b d e)x
--R
--R
                 2 2
--R
           105a b d e
--R
--R
                             +-+ +----+
--R
           +-+ +----+
                           \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
--R
                             +----+
--R
                            \|- a e + b d
--R
--R
                 3 3 3
                       23 3 2 2
--R
            -105b e x + (-70a b e - 245b d e)x
--R.
--R
                            2 2
                                     3 2
                                             3 3
                                                     2
--R
            (14a b e - 168a b d e - 161b d e)x - 6a e + 32a b d e
--R
--R
                   2 2
                            3 3
--R
            - 116a b d e - 15b d
--R
           +----+
--R
--R
          \ |-ae+bd
--R /
                                 2 3 2 4
--R
                      3 2 5
                                               4 3 3
                                                        5 4 2 3
--R
          (15a b e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15b d e )x
--R
--R.
                       4
                            5
                                  3 2 2 4
                                             2 3 3 3
                                                          4 4 2
                5 6
--R.
              15a e - 30a b d e - 30a b d e + 120a b d e - 105a b d e
--R
--R
                5 5
--R
              30b d e
--R
--R
            2
--R
            x
```

```
--R
            5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 4 5
--R
--R
            30a d e - 105a b d e + 120a b d e - 30a b d e - 30a b d e
--R
--R
             5 6
--R
          15b d
--R
--R
--R
          5 2 4 4 3 3 3 2 4 2 2 3 5 4 6
--R
--R
        15a d e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15a b d
--R
        +----+
--R
--R
       \|- a e + b d \|e x + d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 753
--S 754 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
              3 3 3 2 2 2 2 3 2
--R
--R
           105b e x + (105a b e + 210b d e )x + (210a b d e + 105b d e)x
--R
--R
               2 2
--R
           105a b d e
--R
--R
           l b +----+
--R
           |- ----- \|e x + d
--R
--R
          \label{lambda} \ a e - b d
--R
--R
                         l b +----+
--R
             (- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                     \| ae-bd
--R
--R
                                 b x + a
--R
--R
            3 3 3 2 3 3 2 2
--R
         - 210b e x + (- 140a b e - 490b d e )x
--R
          2 3 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
         (28a b e - 336a b d e - 322b d e)x - 12a e + 64a b d e - 232a b d e
--R
--R
--R
           3 3
--R
        - 30b d
--R
     /
```

```
4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3 5 4 2 3
--R
--R
          (30a b e - 120a b d e + 180a b d e - 120a b d e + 30b d e )x
--R
              5 6 4 5 3 2 2 4 2 3 3 3 4 4 2
--R
--R
            30a e - 60a b d e - 60a b d e + 240a b d e - 210a b d e
--R
--R
              5 5
--R
            60b d e
--R
--R
            2
--R
           x
--R
              5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 4 5
--R
--R
             60a d e \, - 210a b d e \, + 240a b d e \, - 60a b d e \, - 60a b d e
--R
--R
              5 6
            30b d
--R
--R
--R
--R
           5 2 4 4 3 3 3 2 4 2 2 3 5 4 6
--R
--R
          30a d e - 120a b d e + 180a b d e - 120a b d e + 30a b d
--R
--R
        +----+
--R
        --R
--R
              3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
           - 105b e x + (- 105a b e - 210b d e )x
--R
                         3 2
--R
                 2 2
--R
          (- 210a b d e - 105b d e)x - 105a b d e
--R
--R
           +----+
                                   +----+
          l b +----+
--R
                                 b \mid e x + d
          --R
--R
          \|a e - b d
--R
                                     l b
                              (a e - b d) |----
--R
--R
                                     \|a e - b d
--R
--R
           3 3 3
                       2 3 3 2 2
--R
        -105b e x + (-70a b e - 245b d e)x
--R
          2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
        (14a b e - 168a b d e - 161b d e)x - 6a e + 32a b d e - 116a b d e
--R
--R
--R
           3 3
--R
       - 15b d
--R
     /
```

```
4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3 5 4 2 3
--R
--R
            (15a b e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15b d e )x
--R
--R
                56 4 5
                                  3 2 2 4 2 3 3 3 4 4 2
--R
               15a e - 30a b d e - 30a b d e + 120a b d e - 105a b d e
--R
--R
                 5 5
--R
               30b d e
--R
--R
              2
--R
             X
--R
                5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 4 5
--R
               30a\ d\ e\ -\ 105a\ b\ d\ e\ +\ 120a\ b\ d\ e\ -\ 30a\ b\ d\ e\ -\ 30a\ b\ d\ e
--R
--R
--R
                5 6
--R
              15b d
--R
--R
--R
             5 2 4 4 3 3 3 2 4 2 2 3 5 4 6
--R
--R
           15a d e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15a b d
--R
          +----+
--R
--R
          \ensuremath{\mbox{\sc left}}
--R
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 754
--S 755 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
          2 +----- b
--R
--R
         7b e\|- a e + b d |- -----
                         \| a e - b d
--R
--R
--R
                           +----+
                           l b
--R
             (-2a e + 2b d) | ----- | e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R.
                         \| a e - b d
--R
--R
                                    b x + a
--R
--R
                       +-+ +----+
--R
                     \b \leq x + d
        - 14b e\|b atanh(-----)
--R
                       +----+
--R
```

```
\|- a e + b d
--R
--R /
     4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 +-----
--R
--R
     (2a e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d )\|- a e + b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 755
--S 756 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 756
--S 757 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                    +-+ +----+
         2 +-+ \|b \|e x + d
--R
       - 7b e\|b atanh(-----)
--R
                     +----+
--R
--R
                    \|- a e + b d
--R
--R
                       +----+
                               b\|e x + d
--R
         2 +----- b
--R
       - 7b e\|- a e + b d |------)
                       \|a e - b d
--R
--R
                                             lь
                                     (a e - b d) |----
--R
--R
                                             \|a e - b d
--R /
      4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 +-----
--R
      (a e - 4a b d e + 6a b d e - 4a b d e + b d) - a e + b d
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 757
--S 758 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 758
)clear all
--S 759 of 1618
```

```
t0:=(d+e*x)^(11/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +-----
--R
--R
        (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
--R
                   4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
                  b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 759
--S 760 of 1618
r0:=77/8*e^3*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2)/b^5+231/40*e^3*(d+e*x)^(5/2)/b^4-_
  33/8*e^2*(d+e*x)^(7/2)/(b^3*(a+b*x))-11/12*e*(d+e*x)^(9/2)/_
  (b^2*(a+b*x)^2)-1/3*(d+e*x)^(11/2)/(b*(a+b*x)^3)-231/8*e^3*_
  (b*d-a*e)^(5/2)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(13/2)+_
  231/8*e^3*(b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x)/b^6
--R
--R
--R
    (2)
                 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
           (- 3465a b e + 6930a b d e - 3465b d e )x
--R
--R
--R
                   3 2 5 2 3 4 4 2 3 2
--R
           (- 10395a b e + 20790a b d e - 10395a b d e )x
--R
--R
                   4 5 3 2 4
--R
           (-10395a b e + 20790a b d e - 10395a b d e)x - 3465a e
--R
--R.
                4 4 3 2 2 3
--R
           6930a b d e - 3465a b d e
--R
--R
                           +-+ +----+
--R
          +----+
                          --R
         \|- a e + b d atanh(-----)
                           +----+
--R
--R
                          \|- a e + b d
--R
--R
             5 5 5
                           4 5
                                   5 4 4
--R
           48b e x + (- 176a b e + 416b d e )x
--R
--R
                2 3 5
                            4 4 5 2 3 3
--R.
           (1584a b e - 3872a b d e + 2768b d e )x
--R.
                                                   5 3 2 2
--R
                3 2 5
                        234
                                     4 2 3
--R
           (7623a b e - 18117a b d e + 12309a b d e - 1335b d e )x
--R
--R
                              3 2 4
                                           2 3 2 3
              9240a b e - 21714a b d e + 14454a b d e - 1430a b d e
--R
--R.
```

```
--R
                                                           5 4
                                            - 310b d e
--R
--R
--R
--R
                                                                4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
                                          5 5
--R
                                 3465a e - 8085a b d e + 5313a b d e - 495a b d e - 110a b d e
--R
--R
                                            5 5
--R
                                   - 40b d
--R
                                +-+ +----+
--R
--R
                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                              9 3 8 2
                                                                            2 7 3 6 +-+
--R
                    (120b x + 360a b x + 360a b x + 120a b) \begin{picture}(120b x + 360a b x + 120a b) \end{picture}
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 760
--S 761 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
                                                        2\ 3\ 5 4\ 4 5\ 2\ 3\ 3
--R
--R
                                        (3465a b e - 6930a b d e + 3465b d e )x
--R
--R
                                                         3 2 5
                                                                            234
                                                                                                                                        4232
--R
                                       (10395a b e - 20790a b d e + 10395a b d e )x
--R
                                                         4 5 3 2 4 2 3 2 3 5 5
--R
--R
                                        (10395a b e - 20790a b d e + 10395a b d e)x + 3465a e
--R
--R
                                                      4 4
                                                                                            3 2 2 3
                                       - 6930a b d e + 3465a b d e
--R
--R
--R
--R
                                                                                              |- a e + b d +----+
--R
                                                                                 - 2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
                                     |- a e + b d
                                                                                       \ I
                                                                                                        b
--R
--R
                                     |------|
--R
                                   \| b
                                                                                                                                    b x + a
--R
--R
                                            5 5 5
                                                                                      45 5 4 4
--R
                                        96b e x + (-352a b e + 832b d e)x
--R
--R
                                                                                4 4
                                       (3168a b e - 7744a b d e + 5536b d e )x
--R
--R
```

```
3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
            (15246a b e - 36234a b d e + 24618a b d e - 2670b d e )x
--R
                   4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
--R
               18480a b e - 43428a b d e + 28908a b d e - 2860a b d e
--R
--R
                   5 4
--R
              - 620b d e
--R
--R
             X
--R
              5 5
                     4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
            6930a e - 16170a b d e + 10626a b d e - 990a b d e - 220a b d e
--R
--R
--R
               5 5
--R
           - 80b d
--R
--R
           +----+
--R
          \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
          93 82 27 36
--R
--R
       240b x + 720a b x + 720a b x + 240a b
--R
--R
                  2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
           (- 3465a b e + 6930a b d e - 3465b d e )x
--R
--R
                   3 2 5 2 3 4 4 2 3 2
--R
            (- 10395a b e + 20790a b d e - 10395a b d e )x
--R
                                         2 3 2 3 5 5
--R
                   4 5 3 2 4
--R
            (-10395a b e + 20790a b d e - 10395a b d e )x - 3465a e
--R
               4 4 3 2 2 3
--R
--R
           6930a b d e - 3465a b d e
--R
--R
           +----+
                        +----+
--R
           la e - b d
                       \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
           |----- atan(-----)
                        +----+
--R
--R
                        la e - b d
--R
                        |----
--R
                        \| b
--R
                      45 5 4 4
--R
             5 5 5
--R
           48b e x + (- 176a b e + 416b d e )x
--R
                        4 4 5 2 3 3
--R
           (1584a b e - 3872a b d e + 2768b d e )x
--R
--R
```

```
3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
            (7623a \ b \ e \ - \ 18117a \ b \ d \ e \ + \ 12309a \ b \ d \ e \ - \ 1335b \ d \ e \ )x
--R
--R
                           3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
               9240a b e \, - 21714a b d e \, + 14454a b d e \, - 1430a b d e
--R
--R
                   5 4
--R
               - 310b d e
--R
--R
             X
--R
               5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
            3465a e - 8085a b d e + 5313a b d e - 495a b d e - 110a b d e
--R
--R
--R
               5 5
--R
            - 40b d
--R
           +----+
--R
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R
          93 82 27 36
--R
--R
       120b x + 360a b x + 360a b x + 120a b
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 761
--S 762 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                                     +----+
             25 4 223 |-ae+bd+-+
--R
--R
         (231a e - 462a b d e + 231b d e ) |----- \|b
--R
                                    \| b
--R
--R
                +----+
--R
               |- a e + b d +----+
--R
            - 2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
              \| b
--R
         log(-----)
--R
--R
                             b x + a
--R
--R
                                                    +-+ +----+
          2 5 4 2 2 3 +-----+
--R
                                                  \b \leq x + d
        (462a e - 924a b d e + 462b d e )\|- a e + b d atanh(------)
--R
                                                   +----+
--R
--R
                                                   --R /
        6 +-+
--R
```

```
--R
      16b \|b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 762
--S 763 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 763
--S 764 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                                                         +-+ +----+
--R
           2 5 4 2 2 3 +-----+
                                                        (231a e - 462a b d e + 231b d e )\|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                         +----+
--R
--R
                                                        \|- a e + b d
--R
                                                            +----+
--R
                                             +----+
--R
              2 5 4 2 2 3 +-+ |a e - b d
                                                           \ensuremath{\mbox{le x + d}}
       (- 231a e + 462a b d e - 231b d e )\|b |----- atan(-----)
--R
                                            \| b
                                                            +----+
--R
--R
                                                           la e - b d
--R
                                                           |-----
--R
                                                           \| b
--R /
       6 +-+
--R
--R
      8b \|b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 764
--S 765 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 765
)clear all
--S 766 of 1618
t0:=(d+e*x)^(9/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
```

```
4 4 3 3 2 2 2 3 4 +----+
--R
--R
                         (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) | e x + d
--R
             (1) -----
                                       4 4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
                                     b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 766
--S 767 of 1618
r0:=35/8*e^3*(d+e*x)^(3/2)/b^4-21/8*e^2*(d+e*x)^(5/2)/(b^3*(a+b*x))-_
      3/4*e*(d+e*x)^(7/2)/(b^2*(a+b*x)^2)-1/3*(d+e*x)^(9/2)/(b*(a+b*x)^3)-_
      105/8*e^3*(b*d-a*e)^(3/2)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
      sqrt(b*d-a*e))/b^{(11/2)+105/8*e^3*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x)/b^5
--R
--R
--R
             (2)
--R
                                              3 4 4 3 3 2 2 4
                                                                                                                                     3 3 2
--R
                                (315a b e - 315b d e)x + (945a b e - 945a b d e)x
--R
--R
                                                                  2 2 3 4 4
--R
                                (945a b e - 945a b d e)x + 315a e - 315a b d e
--R
--R
                                                                          +-+ +----+
--R
                           +----+
                                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                           \|- a e + b d atanh(-----)
                                                                          +----+
--R
--R
                                                                        \|- a e + b d
--R
--R
                                     4 4 4
                                                                            3 4
                                                                                            4 3 3
--R.
                              16b e x + (- 144a b e + 208b d e )x
--R
                                               2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
                                (-693a b e + 954a b d e - 165b d e)x
--R
--R
                                                                          223
                                                                                                             3 2 2
                                                                                                                                      4 3
                                (-840a b e + 1134a b d e - 180a b d e - 50b d e)x - 315a e
--R
--R
--R
                                       3 3
                                                                 2 2 2 2
                                                                                                     3 3
                               420a b d e - 63a b d e - 18a b d e - 8b d
--R
--R
                             +-+ +----+
--R
--R
                          \b \leq x + d
--R /
--R.
                          8 3 7 2
                                                                   2 6 3 5 +-+
                  (24b x + 72a b x + 72a b x + 24a b) \ b
--R.
--R
                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 767
--S 768 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
    (3)
--R
    [
--R
                 3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 2
--R
            (315a b e - 315b d e)x + (945a b e - 945a b d e)x
--R
--R
                       2 2 3
                                    4 4
           (945a b e - 945a b d e )x + 315a e - 315a b d e
--R
--R
--R
                          |- a e + b d +----+
--R
                        2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d \| b
--R
--R
           |- a e + b d
--R
           |------ log(------)
--R
          \| b
                                      b x + a
--R
--R
             4 4 4
                         3 4 4 3 3
            32b e x + (-288a b e + 416b d e)x
--R
--R
--R
                2 2 4
                         3 3 4 2 2 2
--R
            (- 1386a b e + 1908a b d e - 330b d e )x
--R
--R
                 3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
            (- 1680a b e + 2268a b d e - 360a b d e - 100b d e)x - 630a e
--R
               3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
           840a b d e - 126a b d e - 36a b d e - 16b d
--R
--R
          +----+
--R
          \leq x + d
--R
         8 3 7 2 2 6 3 5
--R
--R
       48b x + 144a b x + 144a b x + 48a b
--R
--R
--R
                3 4
                       4 3 3 2 2 4 3 3 2
--R
            (315a b e - 315b d e)x + (945a b e - 945a b d e)x
--R
                       2 2 3
--R
                                   4 4
--R
           (945a b e - 945a b d e )x + 315a e - 315a b d e
--R
--R.
           +----+
                        +----+
--R
          la e - b d
                       \exists x + d
           |----- atan(-----)
--R
                       +----+
--R
--R
                        la e - b d
--R
                       |-----
                       \| b
--R
--R
```

```
4 4 4 3 4 4 3 3
--R
--R
            16b e x + (- 144a b e + 208b d e )x
--R
--R
                  2 2 4
                        3 3
                                     4 2 2 2
--R
            (-693a b e + 954a b d e - 165b d e)x
--R
                  3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
            (-840a b e + 1134a b d e - 180a b d e - 50b d e)x - 315a e
--R
               3 3 2222
                                     3 3 4 4
--R
--R
            420a b d e - 63a b d e - 18a b d e - 8b d
--R
            +----+
--R
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
          8 3 7 2
                        26 35
--R
       24b x + 72a b x + 72a b x + 24a b
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 768
--S 769 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
              4 3 |- a e + b d +-+
--R
--R
         (105a e - 105b d e ) |----- \|b
--R
                         \| b
--R
--R
              +----+
--R
               |- a e + b d +----+
            2b \mid ----- \mid | e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
             \| b
--R
         log(-----)
--R
--R
                            bx + a
--R
--R
--R
                   3 +----+
                                          \b \leq x + d
        (- 210a e + 210b d e )\|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                           +----+
--R
                                          \|- a e + b d
--R /
--R
        5 +-+
--R
      16b \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 769
--S 770 of 1618
```

```
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 770
--S 771 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                     3 +----+
--R
                                              \b \leq x + d
--R
        (- 105a e + 105b d e )\|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                               +----+
--R
                                              \|- a e + b d
--R
                                              +----+
--R
                               +----+
                       3 +-+ |a e - b d
--R
                                              \label{eq:lemma_def} \
--R
        (105a e - 105b d e )\|b |----- atan(-----)
--R
                              \| b
                                              +----+
                                              la e - b d
--R
                                              |-----
--R
                                             \| b
--R
--R /
       5 +-+
--R
--R
      8b \|b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 771
--S 772 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
                                                Type: Expression(Integer)
--R
--E 772
)clear all
--S 773 of 1618
t0:=(d+e*x)^(7/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
          3 3
                  2 2 2 3 +----+
--R
         (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3 4
          b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
```

```
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 773
--S 774 of 1618
r0:=-35/24*e^2*(d+e*x)^(3/2)/(b^3*(a+b*x))-7/12*e*(d+e*x)^(5/2)/_
         (b^2*(a+b*x)^2)-1/3*(d+e*x)^(7/2)/(b*(a+b*x)^3)-35/8*e^3*_
        a tanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b*d-a*e)/b^(9/2)+_
        35/8*e^3*sqrt(d+e*x)/b^4
--R
--R
--R
                 (2)
                                                                                                                      2 3
--R
                                                    3 3 3
                                                                                     2 3 2
                                                                                                                                                             3 3 +----+
                                 (-105b e x - 315a b e x - 315a b e x - 105a e ) | -a e + b d
--R
--R
 --R
                                                   +-+ +----+
--R
                                                 --R
                                 atanh(-----)
                                                   +----+
--R
--R
                                                 \|- a e + b d
--R
                                                                       2 3
--R
                                                                                                      3 2 2
                                      48b e x + (231a b e - 87b d e)x
--R
--R
--R
                                                    2 3 2 2
                                                                                                                3 2 3 3
                                       (280a b e - 98a b d e - 38b d e)x + 105a e - 35a b d e
--R
--R
--R
                                                         2 2
                                                                            3 3
--R
                                       - 14a b d e - 8b d
--R
--R
                                   +-+ +----+
--R
                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                                          6 2
                                                                                    2 5
                                                                                                                   3 4 +-+
--R
                      (24b x + 72a b x + 72a b x + 24a b) \b
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 774
--S 775 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
 --R
--R
                 (3)
--R
                 Ε
--R
--R
                                                    3 3 3 2 3 2
                                                                                                                           2 3
                                                                                                                                                               33 |-ae+bd
--R
                                       (105b e x + 315a b e x + 315a b e x + 105a e)
--R
                                                                                                                                                                          \ |
--R
--R
--R
                                                               |- a e + b d +----+
```

```
- 2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                \| b
           log(-----)
--R
--R
                              b x + a
--R
               3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
            96b e x + (462a b e - 174b d e )x
--R
               2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
            (560a b e - 196a b d e - 76b d e)x + 210a e - 70a b d e
--R
--R
                 2 2
                        3 3
--R
            - 28a b d e - 16b d
--R
--R
--R
           +----+
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
          7 3 6 2 2 5 3 4
--R
        48b x + 144a b x + 144a b x + 48a b
--R
--R
--R
--R
                3 3 3 2 3 2 2 3 3 3 a e - b d
--R
--R
           (- 105b e x - 315a b e x - 315a b e x - 105a e ) |-----
                                                  \| b
--R
--R
--R
--R
                \label{eq:lemma_def} \
--R
           atan(-----)
--R
               +----+
--R
               la e - b d
--R
               |----
--R
               \| b
--R
              3 3 3 2 3 3 2 2
--R
            48b e x + (231a b e - 87b d e)x
--R
--R
                2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
            (280a b e - 98a b d e - 38b d e)x + 105a e - 35a b d e
--R
--R
--R
                 2 2
                       3 3
            - 14a b d e - 8b d
--R
--R
           +----+
--R
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
          7 3 6 2 2 5 3 4
--R
--R
        24b x + 72a b x + 72a b x + 24a b
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
```

```
--E 775
--S 776 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
                                   (4)
--R
--R
                                                                                                 +----+
--R
                                                                                      3 |- a e + b d +-+
                                                                      35e |-----\|b
--R
                                                                                          \| b
--R
--R
                                                                                                                         +----+
--R
                                                                                                                        |- a e + b d +----+
--R
--R
                                                                                             - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                                                                                                             \| b
                                                                      log(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                     b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                            +-+ +----+
--R
--R
                                                                           3 +----
                                                                                                                                                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                         70e \|- a e + b d atanh(-----)
                                                                                                                                                                                                           +----+
--R
                                                                                                                                                                                                      \|- a e + b d
--R
--R /
--R
                                                            4 +-+
--R
                                              16b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 776
--S 777 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                             (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 777
--S 778 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                   (6)
--R
                                                                                                                                                                                                         +-+ +----+
--R
                                                                           3 +----
                                                                                                                                                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
                                                        35e \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                                                          +----+
--R
--R
                                                                                                                                                                                                      --R
                                                                                                                           +----+
                                                                                                                                                                                                                                   +----+
--R
```

```
--R
                                           3 +-+ |a e - b d
                                                                                                              \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                             - 35e \|b |----- atan(-----)
--R
                                                        \| b
                                                                                                               +----+
--R
                                                                                                               la e - b d
--R
                                                                                                              |----
                                                                                                            \| b
--R
--R /
--R
                             4 +-+
                       8b \|b
--R
--R
                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 778
--S 779 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
               (7) 0
--R
                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 779
)clear all
--S 780 of 1618
t0:=(d+e*x)^(5/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
                                                                                                2 +----+
--R
                                                 2 2
--R
                                            (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                               4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
                               b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 780
--S 781 of 1618
r0:=-5/12*e*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*(a+b*x)^2)-1/3*(d+e*x)^(5/2)/(b*_2*(a+b*x)^2)-1/3*(d+e*x)^2
          (a+b*x)^3-5/8*e^3*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
          (b^{(7/2)}*sqrt(b*d-a*e))-5/8*e^2*sqrt(d+e*x)/(b^3*(a+b*x))
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                                                                                                                                                                       +-+ +----+
                                              3 3 3 2 3 2
--R.
                                                                                                               2 3
                                                                                                                                                       3 3
                                                                                                                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                              (-15b e x - 45a b e x - 45a b e x - 15a e )atanh(-----)
                                                                                                                                                                                       +----+
--R
--R
                                                                                                                                                                                     \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                                        2
                                                                                                                                                                2 2
                                   (-33b e x + (-40a b e - 26b d e)x - 15a e - 10a b d e - 8b d)
--R
--R
```

```
--R
        +----+
--R
        \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
        6 3 5 2 2 4 3 3 +----+ +-+
--R
--R
      (24b x + 72a b x + 72a b x + 24a b) = a e + b d | b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 781
--S 782 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
   [
--R
--R
            3 3 3 2 3 2 2 3 3 3
          (15b e x + 45a b e x + 45a b e x + 15a e)
--R
--R
--R
                    2 +----+
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
--R
                                b x + a
--R
--R
              2 2 2 2 2 2 2 2
          (-66b e x + (-80a b e -52b d e)x -30a e -20a b d e -16b d)
--R
--R
--R
          2 +----+
--R
--R
          \|- a b e + b d \|e x + d
--R
--R
          6 3 5 2 2 4 3 3 | 2
--R
--R
       (48b x + 144a b x + 144a b x + 48a b) = a b e + b d
--R
--R
             3 3 3 2 3 2 2 3 3 3
--R
--R
          (15b e x + 45a b e x + 45a b e x + 15a e)
--R
--R
              +----+
              2 +----+
--R
--R
             \|a b e - b d \|e x + d
--R
          atan(-----)
--R.
            a e - b d
--R
             2 2 2 2 2 2 2 2
--R
          (-33b e x + (-40a b e - 26b d e)x - 15a e - 10a b d e - 8b d)
--R
--R
--R
          2 +----+
--R
--R
```

```
--R
--R
           63 52 24 33 | 2
--R
--R
        (24b x + 72a b x + 72a b x + 24a b) | a b e - b d
--R
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 782
--S 783 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
           3 +----+ +-+
--R
         5e \|- a e + b d \|b
--R
--R
--R
                       2 +----+
             (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
--R
                                      bx + a
--R
--R
                               +-+ +----+
--R
           3 | 2 \|b \|e x + d
        10e \|- a b e + b d atanh(-----)
--R
                               +----+
--R
                              \|- a e + b d
--R
--R /
--R
         3 | 2 +----+ +-+
--R
--R
      16b \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 783
--S 784 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 784
--S 785 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
--R
                           +-+ +----+
          3 | 2 \|b \|e x + d
--R
        5e \|a b e - b d atanh(-----)
--R
```

```
--R
                                                                                             +----+
--R
                                                                                          \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                    2 +----+
--R
                                 3 +----+ +-+
--R
                                                                                                  \|a b e - b d \|e x + d
--R
                           5e \|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
                                                                                                                   ae-bd
--R /
--R
                           3 +----- +-+ |
--R
--R
                      8b \|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 785
--S 786 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
             (7) 0
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 786
)clear all
--S 787 of 1618
t0:=(d+e*x)^(3/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R.
                                                                                     +----+
--R
                                                      (e x + d) \setminus |e x + d
--R
                (1) -----
                             4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
                             b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 787
--S 788 of 1618
r0:=-1/3*(d+e*x)^(3/2)/(b*(a+b*x)^3)+1/8*e^3*atanh(sqrt(b)*_
        sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(5/2)*(b*d-a*e)^(3/2))-_
        1/4*e*sqrt(d+e*x)/(b^2*(a+b*x)^2)-1/8*e^2*sqrt(d+e*x)/(b^2*_e^2)
         (b*d-a*e)*(a+b*x))
--R.
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                                                                                                                  +-+ +----+
--R
                                         3 3 3 2 3 2 2 3
                                                                                                                             3 3
                                                                                                                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                            (-3b e x - 9a b e x - 9a b e x - 3a e) atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                  +----+
--R
                                                                                                                                                                \|- a e + b d
```

```
--R
          2 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
         (3b e x + (-8a b e + 14b d e)x - 3a e - 2a b d e + 8b d)
--R
--R
         +----+
--R
        \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
            5 6 3 2 4 5 2 3 3 2 4
--R
        (24a b e - 24b d)x + (72a b e - 72a b d)x + (72a b e - 72a b d)x
--R
--R
--R
          4 2
                 3 3
        24a b e - 24a b d
--R
--R
        +----+ +-+
--R
--R
       \|- a e + b d \|b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 788
--S 789 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
           3 3 3 2 3 2 2 3 3 3
--R
--R
          (3b e x + 9a b e x + 9a b e x + 3a e)
--R
--R
                                                +----+
| 2
                     2 +----+
--R
--R
            (2a b e - 2b d)\|e x + d + (b e x - a e + 2b d)\|- a b e + b d
--R
--R
                                  b x + a
--R
             2 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
          (6b e x + (-16a b e + 28b d e)x - 6a e - 4a b d e + 16b d)
--R
--R
--R
           2 +----+
--R
          \|- a b e + b d \|e x + d
--R
                    6 3 2 4
--R
          (48a b e - 48b d)x + (144a b e - 144a b d)x
--R
--R
--R
              3 3 2 4
                            4 2 3 3
--R
          (144a b e - 144a b d)x + 48a b e - 48a b d
--R
--R
         1 2
--R
--R
         \|- a b e + b d
--R
```

```
--R
--R
--R
                                           2 +----+
           3 3 3 2 3 2 2 3 3 3 3
--R
                                           --R
         (3b e x + 9a b e x + 9a b e x + 3a e )atan(-----)
--R
                                                 a e - b d
--R
                   2
--R
                             2
                                     2 2
          (3b e x + (-8a b e + 14b d e)x - 3a e - 2a b d e + 8b d)
--R
--R
--R
           2 +----+
--R
          --R
--R
              5 6 3 2 4
--R
                                   5 2 33 24
--R
          (24a b e - 24b d)x + (72a b e - 72a b d)x + (72a b e - 72a b d)x
--R
           4 2 3 3
--R
          24a b e - 24a b d
--R
--R
--R
         +----+
         | 2
--R
--R
         \|a b e - b d
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 789
--S 790 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
         3 +----+ +-+
--R
        e \|- a e + b d \|b
--R
--R
                                                 1 2
--R
                     2 +----+
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                  bx + a
--R
--R
                          +-+ +----+
--R.
         3 | 2
                         \b \leq x + d
--R
       2e \|- a b e + b d atanh(-----)
                          +----+
--R
--R
                          \ |-ae+bd
--R /
--R
               3 | 2 +----+ +-+
--R
      (16a b e - 16b d)\|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
```

```
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 790
--S 791 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 791
--S 792 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
        +----+
3 | 2 \|b \|e x + d
--R
                           +-+ +----+
--R
       e \|a b e - b d atanh(-----)
--R
                            +----+
--R
--R
                            \|- a e + b d
--R
--R
                               2 +----+
--R
--R
       3 +----+ +-+ \|a b e - b d \|e x + d
--R
        e \|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
                                     a e - b d
--R /
--R
        2 3 +----- +-+ | 2
--R
--R
       (8a b e - 8b d) = a e + b d | b | a b e - b d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 792
--S 793 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
    (7) 0
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 793
)clear all
--S 794 of 1618
t0:=(d+e*x)^(1/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
                      +----+
--R
                      \label{eq:lemma_def} \ + d
```

```
--R
                            4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
                           b\ x\ +\ 4a\ b\ x\ +\ 6a\ b\ x\ +\ 4a\ b\ x\ +\ a
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 794
--S 795 of 1618
r0:=-1/8*e^3*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(3/2)*_
        (b*d-a*e)^(5/2))-1/3*sqrt(d+e*x)/(b*(a+b*x)^3)-1/12*e*_
       (b*(b*d-a*e)^2*(a+b*x))
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                                                                                                                       +-+ +----+
--R
                                     3 3 3 2 3 2 2 3
                                                                                                                      3 3
                                                                                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
                          (- 3b e x - 9a b e x - 9a b e x - 3a e )atanh(-----)
                                                                                                                                                       +----+
--R
--R
                                                                                                                                                     \|- a e + b d
--R
--R
                                                                           2
                                                                                            2
--R
                               (3b e x + (8a b e - 2b d e)x - 3a e + 14a b d e - 8b d)
--R
                                 +----+
--R
--R
                               --R /
--R
                                        2 4 2
                                                                      5
                                                                                      6 2 3
--R
                              (24a b e - 48a b d e + 24b d)x
--R
--R
                                        3 3 2
                                                               2 4
                                                                                                       5 2 2
--R
                               (72a b e - 144a b d e + 72a b d)x
--R
--R
                                        4 2 2
                                                                   3 3
                                                                                                      2 4 2
                                                                                                                                     5 2
                                                                                                                                                              4 2
--R
                              (72a b e - 144a b d e + 72a b d )x + 24a b e - 48a b d e + 24a b d
--R
                           +----+ +-+
--R
--R
                         \|- a e + b d \|b
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 795
--S 796 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               (3)
--R
               Ε
--R
                                                             2 3 2 2 3 3 3
--R
                                    (3b e x + 9a b e x + 9a b e x + 3a e)
--R
--R
                                                                                                                                                                       +----+
```

```
--R
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
        log(-----
--R
                                 b x + a
--R
            2 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
          (6b e x + (16a b e - 4b d e)x - 6a e + 28a b d e - 16b d)
--R
--R
          2 +----+
--R
--R
          \|- a b e + b d \|e x + d
--R
            2 4 2 5 6 2 3
--R
--R
          (48a b e - 96a b d e + 48b d )x
--R
--R
            3 3 2 2 4
                            5 2 2
--R
         (144a b e - 288a b d e + 144a b d )x
--R
--R
            4 2 2 3 3 2 4 2 5 2 4 2 3 3 2
--R
         (144a b e - 288a b d e + 144a b d )x + 48a b e - 96a b d e + 48a b d
--R
--R
         1 2
--R
--R
        \|- a b e + b d
--R
--R
--R
                                          2 +----+
--R
--R
          3 3 3 2 3 2 2 3 3 3 3
                                          \|a b e - b d \|e x + d
--R
         (3b e x + 9a b e x + 9a b e x + 3a e )atan(-----)
--R
                                               ae-bd
--R
            2 2 2 2 2
--R
                                  2 2
--R
          (3b e x + (8a b e - 2b d e)x - 3a e + 14a b d e - 8b d)
--R
--R
          | 2 +----+
--R
--R
          --R
--R
            2 4 2 5
                             623
--R
          (24a b e - 48a b d e + 24b d )x
--R
--R.
           3 3 2 2 4 5 2 2
         (72a b e - 144a b d e + 72a b d )x
--R
--R
                            2 4 2 5 2 4 2 3 3 2
--R
           4 2 2 3 3
--R
         (72a b e - 144a b d e + 72a b d )x + 24a b e - 48a b d e + 24a b d
--R
--R
         1 2
--R
```

```
--R
                                                          \|a b e - b d
--R
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 796
--S 797 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
                             (4)
--R
--R
                                                                3 +----+ +-+
                                                           e \|- a e + b d \|b
--R
--R
--R
--R
                                                                                                                                        2 +----+
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 1 2
--R
                                                                             (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
                                                          log(-----)
--R
                                                                                                                                                                                                                               b x + a
--R
                                                                     +----+
                                                                                                                                                                                 +-+ +----+
--R
--R
                                                           3 | 2
                                                                                                                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                 2e \|- a b e + b d atanh(-----)
                                                                                                                                                                                 +----+
--R
                                                                                                                                                                             \|- a e + b d
--R
--R /
--R
                                                          2 2 2 3 2 | 2 +-----+ +-+
--R
--R
                                        (16a b e - 32a b d e + 16b d )\|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 797
--S 798 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                       (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 798
--S 799 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                              (6)
                                                            +----+
                                                                                                                                                                 +-+ +----+
--R
                                                    3 | 2
--R
                                                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
                                                e \|a b e - b d atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                   +----+
--R
--R
                                                                                                                                                               \ |-ae+bd
--R
```

```
--R
                                                                                               2 +----+
--R
--R
                             3 +----+ +-+
                                                                                             \|a b e - b d \|e x + d
--R
                           e \|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
                                                                                                                  ae-bd
--R /
--R
                                                                                  3 2 +----- +-+ | 2
--R
                                                           2
                      (8a b e - 16a b d e + 8b d )\|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 799
--S 800 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
              (7) 0
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 800
)clear all
--S 801 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^(1/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2)
--R
--R
--R
--R
--R
                                4 4 3 3 2 2 2 3 4 +-----
--R.
                              (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) | e x + d
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 801
--S 802 of 1618
r0:=5/8*e^3*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/((b*d-a*e)^(7/2)*__
        sqrt(b))-1/3*sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)*(a+b*x)^3)+5/12*e*_
        sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)^2*(a+b*x)^2)-5/8*e^2*sqrt(d+e*x)/_
         ((b*d-a*e)^3*(a+b*x))
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                                                                                                                        +-+ +----+
--R.
                                          3 3 3 2 3 2 3 3 3 3
                                                                                                                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
                           (-15b e x - 45a b e x - 45a b e x - 15a e )atanh(-----)
                                                                                                                                                                        +----+
--R
--R
                                                                                                                                                                       \ |-ae+bd
--R
--R
                                                                                                        2
                                                                                                                                         2 2
                                (15b e x + (40a b e - 10b d e)x + 33a e - 26a b d e + 8b d)
--R
--R
```

```
--R
         +----+
--R
        \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
           3 3 3 2 4 2 5 2 6 3 3
--R
--R
        (24a b e - 72a b d e + 72a b d e - 24b d )x
--R
           4 2 3 3 3 2 2 4 2 5 3 2
--R
--R
        (72a b e - 216a b d e + 216a b d e - 72a b d )x
--R
          5 3 4 2 2 3 3 2
                                                6 3 5 2
--R
                                      2 4 3
--R
        (72a b e - 216a b d e + 216a b d e - 72a b d )x + 24a e - 72a b d e
--R
          4 2 2
                  3 3 3
--R
        72a b d e - 24a b d
--R
--R
--R
       +----+ +-+
--R
       --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 802
--S 803 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
             3 3 3 2 3 2 2 3 3 3 3
--R
--R
         (15b e x + 45a b e x + 45a b e x + 15a e )
--R
--R
                                               1 2
--R
                    2 +----+
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                 bx + a
--R
             2 2 2 2 2
--R
                                      2 2
--R
          (30b e x + (80a b e - 20b d e)x + 66a e - 52a b d e + 16b d)
--R
--R
           2 +----+
--R
--R
          --R
--R
            3 3 3 2 4 2 5 2 6 3 3
          (48a b e - 144a b d e + 144a b d e - 48b d )x
--R
--R
                                         5 3 2
--R
              4 2 3 3 3 2 2 4 2
--R
          (144a b e - 432a b d e + 432a b d e - 144a b d )x
--R
              5 3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 6 3
--R
--R
          (144a b e - 432a b d e + 432a b d e - 144a b d)x + 48a e
```

```
+ 5 2 422 333
--R
--R
--R
          - 144a b d e + 144a b d e - 48a b d
--R
--R
         | 2
--R
--R
        \|- a b e + b d
--R
--R
             3 3 3 2 3 2 2 3 3 3
--R
--R
          (15b e x + 45a b e x + 45a b e x + 15a e)
--R
--R
               2 +----+
--R
--R
              \|a b e - b d \|e x + d
--R
          atan(-----)
--R
                   a e - b d
--R
            2 2 2 2 2 2 2 2
--R
                                                      2 2
          (15b e x + (40a b e - 10b d e)x + 33a e - 26a b d e + 8b d)
--R
--R
--R
           2 +----+
--R
          \|a b e - b d \|e x + d
--R
--R
--R
             3 3 3 2 4 2 5 2 6 3 3
--R
          (24a b e - 72a b d e + 72a b d e - 24b d )x
--R
--R
             4 2 3 3 3 2 2 4 2
                                       5 3 2
--R
          (72a b e - 216a b d e + 216a b d e - 72a b d )x
--R
             5 3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 6 3
--R
--R
          (72a b e - 216a b d e + 216a b d e - 72a b d)x + 24a e
--R
             5 2 422 333
--R
          - 72a b d e + 72a b d e - 24a b d
--R
--R
         +----+
--R
         1 2
--R
--R
         \|a b e - b d
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 803
--S 804 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
          3 +----+ +-+
--R
```

```
--R
       5e \|- a e + b d \|b
--R
--R
                                               . | 2
--R
                    2 +----+
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
        log(-----)
--R
--R
                                 b x + a
--R
                          +-+ +----+
--R
         3 | 2
--R
                         \b \ \ \ x + d
--R
       10e \|- a b e + b d atanh(-----)
                           +----+
--R
--R
                          \|- a e + b d
--R /
--R
--R
         3 3 2 2 2 2 3 3 | 2 +-----+
--R
       (16a e - 48a b d e + 48a b d e - 16b d )\|- a b e + b d \|- a e + b d
--R
--R
       +-+
--R
       \|b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 804
--S 805 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 805
--S 806 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                        +-+ +----+
--R
        3 | 2
                       \|b \|e x + d
--R
       5e \|a b e - b d atanh(-----)
                         +----+
--R
--R
                        \ |-ae+bd
--R
--R
                           +----+
                           2 +----+
--R
        3 +----+ +-+
--R
                          \|a b e - b d \|e x + d
       5e \|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
--R
                               ae-bd
--R /
--R
                        2 2 3 3 +----- +-+ | 2
--R
       3 3 2 2
```

```
--R
       (8a e - 24a b d e + 24a b d e - 8b d )\|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 806
--S 807 of 1618
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 807
)clear all
--S 808 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^{(3/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
--R /
--R
                                    2 2
           4 5 3 4 4
                                              3 3
                                                       3
--R
          b e x + (4a b e + b d)x + (6a b e + 4a b d)x + (4a b e + 6a b d)x
--R
--R
                 3
--R
          (a e + 4a b d)x + a d
--R
--R
         +----+
--R
         --R.
                                                Type: Expression(Integer)
--E 808
--S 809 of 1618
r0:=35/8*e^3*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*_
  sqrt(b)/(b*d-a*e)^(9/2)-35/8*e^3/((b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x))+_
  (-1/3)/((b*d-a*e)*(a+b*x)^3*sqrt(d+e*x))+7/12*e/((b*d-a*e)^2*_
  (a+b*x)^2*sqrt(d+e*x))-35/24*e^2/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                           2 3 2
                                      2 3
                                                 3 3 +-+ +----+
--R
          --R.
--R.
                +-+ +----+
--R
               \b \leq x + d
--R
          atanh(-----)
                +----+
--R
--R
                \|- a e + b d
--R
--R
                 3 3 3
                                2 3
                                       3 2 2
```

```
--R
          -105b e x + (-280a b e -35b d e)x
--R
--R
               --R
          (- 231a b e - 98a b d e + 14b d e)x - 48a e - 87a b d e
--R
             2 2 3 3
--R
--R
         38a b d e - 8b d
--R
         +----+
--R
--R
        \|- a e + b d
--R /
           4 3 4 3 2 5 2 2 6 3
--R
         (24a b e - 96a b d e + 144a b d e - 96a b d e + 24b d )x
--R
--R
           5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 2 5 3
--R
--R
        (72a b e - 288a b d e + 432a b d e - 288a b d e + 72a b d)x
--R
--R
          6 4 5 2 3 4 3 2 2 3 4 3 2 5 4
--R
        (72a b e - 288a b d e + 432a b d e - 288a b d e + 72a b d )x
--R
--R
          7 4 6 3 5 2 2 2 4 3 3 3 4 4
         24a e - 96a b d e + 144a b d e - 96a b d e + 24a b d
--R
--R
--R
       +----+
       --R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 809
--S 810 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
             3 3 3 2 3 2 2 3 3 3 3 b
--R
--R
          (105b \ e \ x \ + 315a \ b \ e \ x \ + 315a \ b \ e \ x \ + 105a \ e \ ) \ | - ------
--R
                                              \| a e - b d
--R
--R
           +----+
--R
          \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
--R
                         +----+
--R
                         | b +----+
             (-2a e + 2b d) |-----| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                       \| a e - b d
--R
          log(-----)
--R
                                b x + a
--R
             3 3 3 2 3 3 2 2
--R
```

```
--R
        -210b e x + (-560a b e -70b d e)x
--R
--R
              --R
        (- 462a b e - 196a b d e + 28b d e)x - 96a e - 174a b d e
--R
            2 2 3 3
--R
--R
        76a b d e - 16b d
--R
            434 343 2522 63 743
--R
--R
         (48a b e - 192a b d e + 288a b d e - 192a b d e + 48b d )x
--R
             5 2 4 4 3 3 3 4 2 2
--R
                                          2 5 3
                                                   6 4 2
          (144a b e - 576a b d e + 864a b d e - 576a b d e + 144a b d )x
--R
--R
--R
             6 4 5 2 3 4 3 2 2 3 4 3 2 5 4
--R
          (144a b e - 576a b d e + 864a b d e - 576a b d e + 144a b d )x
--R
--R
           7 4 6 3 5 2 2 2 4 3 3 3 4 4
         48a e - 192a b d e + 288a b d e - 192a b d e + 48a b d
--R
--R
--R
         +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
--R
--R
            3 3 3 2 3 2 2 3 3 3 1 b
--R
--R
          (-105b e x - 315a b e x - 315a b e x - 105a e ) | ------
--R
                                               \|a e - b d
--R
--R.
                           +----+
          +----+
--R
                        b \mid e x + d
--R
          \|e x + d atan(-----)
--R
--R
--R
                     (a e - b d) |----
                             \la e - b d
--R
--R
           3 3 3
                        23 3 2 2
--R
--R
        - 105b e x + (- 280a b e - 35b d e )x
--R
             2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
        (- 231a b e - 98a b d e + 14b d e)x - 48a e - 87a b d e + 38a b d e
--R
--R
--R
          3.3
        - 8b d
--R
--R
           4 3 4 3 4 3 2 5 2 2 6 3 7 4 3
--R
--R
         (24a b e - 96a b d e + 144a b d e - 96a b d e + 24b d )x
--R
--R
           5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 2 5 3 6 4 2
```

```
--R
           (72a b e - 288a b d e + 432a b d e - 288a b d e + 72a b d )x
--R
--R
              6 4 5 2 3 4 3 2 2 3 4 3 2 5 4
--R
           (72a b e - 288a b d e + 432a b d e - 288a b d e + 72a b d)x
--R
             7 4 6 3 5 2 2 2 4 3 3
                                                  3 4 4
--R
--R
           24a e - 96a b d e + 144a b d e - 96a b d e + 24a b d
--R
          +----+
--R
--R
         \exists x + d
--R
      ]
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 810
--S 811 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
           3 +----- b
--R
--R
         35e \|- a e + b d |- -----
--R
                        \| a e - b d
--R
                         +----+
--R
                         l b +----+
--R
             (- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                        \| a e - b d
--R
--R
                             b x + a
--R
--R
                     +-+ +----+
                   --R
          3 +-+
--R
        - 70e \|b atanh(-----)
--R
                     +----+
--R
                     \|- a e + b d
--R /
        4 4
               3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 +-----
--R
      (16a e - 64a b d e + 96a b d e - 64a b d e + 16b d )\|- a e + b d
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 811
--S 812 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 812
```

```
--S 813 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                    +-+ +----+
                   \b \leq x + d
--R
          3 +-+
--R
      - 35e \|b atanh(-----)
                    +----+
--R
--R
                    \|- a e + b d
--R
                       +----+
--R
          3 +----- b
--R
                                        b \mid e x + d
       - 35e \|- a e + b d |------)
--R
--R
                       \|a e - b d
--R
                                             l b
--R
                                     (a e - b d) |----
                                             \|a e - b d
--R
--R /
       4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 +-----
--R
--R
      (8a e - 32a b d e + 48a b d e - 32a b d e + 8b d) = a e + b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 813
--S 814 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 814
)clear all
--S 815 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2)
--R
--R
--R
   (1)
--R
--R /
--R
         4 2 6 3 2 4 5 2 2 2 3 4 2 4
--R.
         b e x + (4a b e + 2b d e)x + (6a b e + 8a b d e + b d )x
--R
                  2 2 3 2 3 4 2 3 2 2 2 2
--R
          3 2
--R
         (4a b e + 12a b d e + 4a b d )x + (a e + 8a b d e + 6a b d )x
--R
--R
                3 2
                         4 2
        (2a d e + 4a b d )x + a d
--R
--R
```

```
--R
                         +----+
--R
                        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 815
--S 816 of 1618
r0:=-35/8*e^3/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2))+(-1/3)/((b*d-a*e)*(a+b*x)^3*_-
       (d+e*x)^{(3/2)}+3/4*e/((b*d-a*e)^{2}*(a+b*x)^{2}*(d+e*x)^{(3/2)}-
       21/8*e^2/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2))+105/8*b^(3/2)*_
        e^3*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b*d-a*e)^(11/2)-_
      105/8*b*e^3/((b*d-a*e)^5*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
              (2)
--R
                                                                                    3 4 4 3 3
                                              4 4 4
--R
                                  - 315b e x + (-945a b e - 315b d e)x
--R.
--R
                                                  2 2 4
                                                                               3 3 2 3 4
                                                                                                                                                       2 2 3
                                  (-945a b e - 945a b d e)x + (-315a b e - 945a b d e)x
--R
--R
--R
                                              3
--R
                                 - 315a b d e
--R
--R
                                                                               +-+ +----+
--R
                              +-+ +----+
                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                             \|b \|e x + d atanh(-----)
                                                                                +----+
--R
--R
                                                                             \ |-ae+bd
--R
                                          4 4 4 3 3
--R.
--R
                                 315b e x + (840a b e + 420b d e)x
--R
--R
                                              2 2 4
                                                                               3 3
                                                                                                          4 2 2 2
--R
                                  (693a b e + 1134a b d e + 63b d e )x
--R
--R
                                              3 4
                                                                      223
                                                                                                              3 2 2
                                                                                                                                       4 3
--R.
                                  (144a b e + 954a b d e + 180a b d e - 18b d e)x - 16a e
--R
--R
                                         3 3
                                                                        2 2 2 2
                                                                                                              3 3
--R
                                 208a b d e + 165a b d e - 50a b d e + 8b d
--R
                               +----+
--R
--R.
                            --R /
--R
                                            5 3 6
                                                                     4 4 5 3 5 2 4 2 6 3 3 7 4 2
--R
                                      24a b e - 120a b d e + 240a b d e - 240a b d e + 120a b d e
--R
--R
                                                 8 5
                                      - 24b d e
--R
--R
```

```
--R
          4
--R
         x
--R
             --R
--R
          72a b e - 336a b d e + 600a b d e - 480a b d e + 120a b d e
--R
              7 5 8 6
--R
--R
          48a b d e - 24b d
--R
--R
          3
--R
         х
--R
            7 6 6 2 5 5 3 2 4 3 5 4 2 2 6 5
--R
           72a b e - 288a b d e + 360a b d e - 360a b d e + 288a b d e
--R
--R
--R
              7 6
          - 72a b d
--R
--R
--R
          2
--R
         X
--R
--R
                  7 5 6224 5333 4442
--R
          24a e - 48a b d e - 120a b d e + 480a b d e - 600a b d e
--R
--R
             3 5 5 2 6 6
--R
          336a b d e - 72a b d
--R
--R
         x
--R
         8 5 7 2 4 6 2 3 3 5 3 4 2 4 4 5
--R
--R
        24a d e - 120a b d e + 240a b d e - 240a b d e + 120a b d e
--R
--R
           3 5 6
--R
       - 24a b d
--R
       +----+
--R
--R
       --R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 816
--S 817 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
              4 4 4 3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 2
--R
--R
          315b e x + (945a b e + 315b d e )x + (945a b e + 945a b d e )x
--R
             3 4 2 2 3 3 3
--R
```

```
--R
          (315a b e + 945a b d e )x + 315a b d e
--R
--R
          l b +----+
--R
          |- ----- \|e x + d
--R
--R
         \label{lambda} \ a e - b d
--R
--R
                     | b +----+
--R
            --R
--R
                  \| ae-bd
         log(-----)
--R
                             b x + a
--R
--R
--R
         4 4 4 3 3
--R
       630b e x + (1680a b e + 840b d e )x
--R
--R
           2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
        (1386a b e + 2268a b d e + 126b d e )x
--R
--R
          3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
        (288a b e + 1908a b d e + 360a b d e - 36b d e)x - 32a e
--R
--R
         3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
        416a b d e + 330a b d e - 100a b d e + 16b d
--R
             5 3 6 4 4 5 3 5 2 4 2 6 3 3 7 4 2
--R
--R
            48a b e - 240a b d e + 480a b d e - 480a b d e + 240a b d e
--R
--R
              8 5
            - 48b d e
--R
--R
--R
--R
          x
--R
              6 2 6 5 3 5 4 4 2 4 3 5 3 3
--R
--R
            144a b e - 672a b d e + 1200a b d e - 960a b d e
--R
              2642 75
--R
--R
            240a b d e + 96a b d e - 48b d
--R
--R
           3
--R
          X
--R
              7 6 6 2 5 5 3 2 4 3 5 4 2 2 6 5
--R
            144a b e - 576a b d e + 720a b d e - 720a b d e + 576a b d e
--R
--R
--R
                 7 6
--R
            - 144a b d
--R
```

```
--R
           2
--R
          x
--R
              8 6 7 5 6 2 2 4 5 3 3 3 4 4 4 2
--R
--R
            48a e - 96a b d e - 240a b d e + 960a b d e - 1200a b d e
--R
               3 5 5 2 6 6
--R
--R
            672a b d e - 144a b d
--R
--R
--R
           8 5 7 2 4 6 2 3 3 5 3 4 2 4 4 5
--R
--R
          48a d e - 240a b d e + 480a b d e - 480a b d e + 240a b d e
--R
--R
            3 5 6
--R
          - 48a b d
--R
--R
         +----+
--R
         \leq x + d
--R
--R
             4 4 4 3 4 4 3 3 2 2 4 3 3 2
--R
--R
           315b e x + (945a b e + 315b d e )x + (945a b e + 945a b d e )x
--R
--R
              3 4 2 2 3 3 3
--R
           (315a b e + 945a b d e )x + 315a b d e
--R
--R
          | b +----+
--R
                                  b \mid e x + d
--R
          |----- \| e x + d atan(-----)
--R
          \|a e - b d
                                      lъ
--R
--R
                              (a e - b d) |----
--R
                                      \|a e - b d
--R
          444 34 433
--R
--R
        315b e x + (840a b e + 420b d e)x
--R
           2 2 4
                   3 3 4 2 2 2
--R
--R
        (693a b e + 1134a b d e + 63b d e )x
--R
--R
           3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
         (144a b e + 954a b d e + 180a b d e - 18b d e)x - 16a e
--R
--R
          3 3 2222 33
--R
         208a b d e + 165a b d e - 50a b d e + 8b d
--R
--R
                       4 4 5 3 5 2 4 2 6 3 3 7 4 2
            24a b e - 120a b d e + 240a b d e - 240a b d e + 120a b d e
--R
--R
```

```
--R
                 8 5
--R
              - 24b d e
--R
--R
              4
--R
            x
--R
                 6 2 6 5 3 5 4 4 2 4 3 5 3 3 2 6 4 2
--R
--R
              72a b e - 336a b d e + 600a b d e - 480a b d e + 120a b d e
--R
                  7 5
                         8 6
--R
--R
              48a b d e - 24b d
--R
--R
              3
--R
             X
--R
--R
                7 6 6 2 5 5 3 2 4 3 5 4 2 2 6 5
--R
              72a b e - 288a b d e + 360a b d e - 360a b d e + 288a b d e
--R
--R
                   7 6
--R
              - 72a b d
--R
--R
              2
--R
             x
--R
--R
                8 6 7 5 6 2 2 4 5 3 3 3 4 4 4 2
--R
              24a e - 48a b d e - 120a b d e + 480a b d e - 600a b d e
--R
--R
                  3 5 5 2 6 6
--R
              336a b d e - 72a b d
--R
--R
--R
             8 5 7 2 4 6 2 3 3 5 3 4 2 4 4 5
--R
--R
           24a d e - 120a b d e + 240a b d e - 240a b d e + 120a b d e
--R
              3 5 6
--R
--R
           - 24a b d
--R
          +----+
--R
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 817
--S 818 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                            +----+
```

```
3 +----- b
--R
--R
                                 105b e \|- a e + b d |- -----
--R
                                                                                       \| a e - b d
--R
--R
                                                                                  +----+
                                                                                 b +----+
--R
                                            --R
--R
                                                                              \| a e - b d
--R
--R
                                                                                                                   b x + a
--R
                                                                           +-+ +----+
--R
                                            3 +-+
                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                           210b e \|b atanh(-----)
--R
--R
                                                                           +----+
--R
                                                                          \|- a e + b d
--R /
--R
                                      5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
                            (16a e - 80a b d e + 160a b d e - 160a b d e + 80a b d e - 16b d )
--R
--R
                              +----+
--R
                           \|- a e + b d
--R
                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 818
--S 819 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
            (5) 0
--R
                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 819
--S 820 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                (6)
--R
                                                                             +-+ +----+
                                           3 +-+
                                                                      \|b \|e x + d
--R
                           105b e \|b atanh(-----)
--R
--R
                                                                            +----+
--R.
                                                                           \|- a e + b d
--R
                                                                                      +----+
--R
                                                                                                                                                          +----+
                                            3 +----- b
--R
                                                                                                                                                    b \le x + d
                           105b e \|- a e + b d |------ atan(-----)
--R
--R
                                                                                     \|a e - b d
--R
                                                                                                                                                                | b
                                                                                                                                     (a e - b d) |----
--R
```

```
--R
                                                    \|a e - b d
--R /
--R
           5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
                                                                5 5
--R
         (8a e - 40a b d e + 80a b d e - 80a b d e + 40a b d e - 8b d )
--R
--R
         +----+
--R
         --R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 820
--S 821 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 821
)clear all
--S 822 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^{(7/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
      1
--R /
--R
           437 33 4 2 6 2 2 3 3 2 4 2 5
--R
          b e x + (4a b e + 3b d e)x + (6a b e + 12a b d e + 3b d e)x
--R.
--R
             3 3
                     222
                                   3 2
                                           434
--R
          (4a b e + 18a b d e + 12a b d e + b d )x
--R
--R
            4 3 3 2
                              2 2 2
--R
          (a e + 12a b d e + 18a b d e + 4a b d )x
--R
--R
                                                    3 3
            4 2
                     3 2
                               2 2 3 2
                                           4 2
--R
          (3a d e + 12a b d e + 6a b d )x + (3a d e + 4a b d )x + a d
--R
--R
         +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 822
--S 823 of 1618
r0:=-231/40*e^3/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(5/2))+(-1/3)/((b*d-a*e)*(a+b*x)^3*_1
  (d+e*x)^{(5/2)}+11/12*e/((b*d-a*e)^{2}*(a+b*x)^{2}*(d+e*x)^{(5/2)}-
  33/8*e^2/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2))-77/8*b*e^3/_
  ((b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(3/2))+231/8*b^(5/2)*e^3*atanh(sqrt(b)*_
  sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b*d-a*e)^(13/2)-231/8*b^2*e^3/_
```

```
((b*d-a*e)^6*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
    (2)
               5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
           3465b e x + (10395a b e + 6930b d e)x
--R
--R
                2 3 5
                            4 4
          (10395a b e + 20790a b d e + 3465b d e )x
--R
--R
--R
               3 2 5 2 3 4
                                        4 2 3 2
--R
           (3465a b e + 20790a b d e + 10395a b d e)x
--R
--R
               3 2 4
                           2 3 2 3
--R
          (6930a b d e + 10395a b d e )x + 3465a b d e
--R
--R
                         +-+ +----+
--R
         +-+ +----+
                        \b \leq x + d
--R
         \|b \|e x + d atanh(-----)
                          +----+
--R
--R
                         \|- a e + b d
--R
--R
                5 5 5
                             45 5 4 4
--R
          - 3465b e x + (- 9240a b e - 8085b d e )x
--R
                 2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
          (- 7623a b e - 21714a b d e - 5313b d e )x
--R
--R
                 3 2 5
                           2 3 4
                                     4 2 3 5 3 2 2
--R
          (- 1584a b e - 18117a b d e - 14454a b d e - 495b d e )x
--R
               4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
--R
           (176a b e - 3872a b d e - 12309a b d e - 1430a b d e + 110b d e)x
--R
                     4 4
--R
                                 3 2 2 3
                                              2 3 3 2
           - 48a e + 416a b d e - 2768a b d e - 1335a b d e + 310a b d e
--R
--R
--R
             5 5
          - 40b d
--R
--R
--R
          +----+
--R
         \ |-ae+bd
--R /
--R.
               6 3 8
                       5 4 7 4 5 2 6 3 6 3 5
            120a b e - 720a b d e + 1800a b d e - 2400a b d e
--R
--R
                2744 853 962
--R
           1800a b d e - 720a b d e + 120b d e
--R
--R
--R
```

```
--R
         x
--R
--R
              7 2 8 6 3 7 5 4 2 6 4 5 3 5
--R
            360a b e -1920a b d e +3960a b d e -3600a b d e
--R
               3 6 4 4 2 7 5 3
                                  8 6 2
--R
--R
          600a b d e + 1440a b d e - 1080a b d e + 240b d e
--R
--R
--R
          x
--R
              8 8 7 2 7 6 3 2 6 5 4 3 5
--R
           360a b e - 1440a b d e + 1200a b d e + 2880a b d e
--R
--R
--R
                4544 3653 2762 98
--R
           - 7200a b d e + 6240a b d e - 2160a b d e + 120b d
--R
--R
          3
--R
          x
--R
--R
              98 7226 6335 5444 4553
--R
           120a e - 2160a b d e + 6240a b d e - 7200a b d e + 2880a b d e
--R
--R
               3 6 6 2 2 7 7 8 8
--R
           1200a b d e - 1440a b d e + 360a b d
--R
--R
--R
          x
--R
--R
             9 7 8 2 6 7 2 3 5 6 3 4 4
--R
           240a d e - 1080a b d e + 1440a b d e + 600a b d e
--R
                5 4 5 3 4 5 6 2
                                     3 6 7
--R
--R
          - 3600a b d e + 3960a b d e - 1920a b d e + 360a b d
--R
--R
--R
          9 2 6 8 3 5 7 2 4 4 6 3 5 3 5 4 6 2
--R
--R
        120a d e - 720a b d e + 1800a b d e - 2400a b d e + 1800a b d e
--R
--R
            457 368
        - 720a b d e + 120a b d
--R
--R.
--R.
       +----+
--R
       --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 823
--S 824 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R (3)
--R [
              5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
            3465b e x + (10395a b e + 6930b d e)x
--R
                2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
           (10395a b e + 20790a b d e + 3465b d e )x
--R
--R
                3 2 5 2 3 4 4 2 3 2
--R
--R
            (3465a b e + 20790a b d e + 10395a b d e )x
--R
--R
               3 2 4
                        2 3 2 3
           (6930a b d e + 10395a b d e )x + 3465a b d e
--R
--R
--R
           +----+
--R
           b +----+
           |- ---- \|e x + d
--R
--R
          \label{lambda} \ a e - b d
--R
--R
                         l b +----+
--R
--R
             (-2a e + 2b d) |-----| e x + d + b e x - a e + 2b d
                     \| a e - b d
--R
--R
                                b x + a
--R
--R
                   45 5 4 4
--R
              5 5 5
--R
         - 6930b e x + (-18480a b e - 16170b d e)x
--R
               2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
        (- 15246a b e - 43428a b d e - 10626b d e )x
--R
              3 2 5
                                     4 2 3
--R
                        2 3 4
        (- 3168a b e - 36234a b d e - 28908a b d e - 990b d e )x
--R
--R
                                 2 3 2 3 4 3 2 5 4
                   3 2 4
--R
        (352a b e - 7744a b d e - 24618a b d e - 2860a b d e + 220b d e)x
--R
--R
           5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
         - 96a e + 832a b d e - 5536a b d e - 2670a b d e + 620a b d e
--R
--R
--R
           5 5
--R
        - 80b d
--R
                638 547 4526 3635
--R
--R
             240a b e - 1440a b d e + 3600a b d e - 4800a b d e
--R
--R
                 2 7 4 4
                             8 5 3 9 6 2
```

```
--R
            3600a b d e - 1440a b d e + 240b d e
--R
--R
            5
--R
           x
--R
                7 2 8 6 3 7 5 4 2 6 4 5 3 5
--R
--R
            720a b e - 3840a b d e + 7920a b d e - 7200a b d e
--R
                 3 6 4 4 2 7 5 3 8 6 2 9 7
--R
             1200a b d e + 2880a b d e - 2160a b d e + 480b d e
--R
--R
--R
            4
--R
            x
--R
--R
               8 8 7 2 7 6 3 2 6 5 4 3 5
--R
             720a b e - 2880a b d e + 2400a b d e + 5760a b d e
--R
--R
                  4544 3653 2762 98
            - 14400a b d e + 12480a b d e - 4320a b d e + 240b d
--R
--R
--R
--R
           X
--R
--R
               98 7226 6335 5444
--R
            240a e - 4320a b d e + 12480a b d e - 14400a b d e
--R
                 4 5 5 3 3 6 6 2 2 7 7 8 8
--R
--R
             5760a b d e + 2400a b d e - 2880a b d e + 720a b d
--R
--R
            2
--R
           x
--R
                9 7 8 2 6 7 2 3 5 6 3 4 4
--R
--R
            480a d e - 2160a b d e + 2880a b d e + 1200a b d e
--R
                  5 4 5 3 4 5 6 2 3 6 7 2 7 8
--R
--R
             - 7200a b d e + 7920a b d e - 3840a b d e + 720a b d
--R
--R
--R
            9 2 6 8 3 5 7 2 4 4 6 3 5 3 5 4 6 2
--R
          240a d e - 1440a b d e + 3600a b d e - 4800a b d e + 3600a b d e
--R
--R
--R
               4 5 7 3 6 8
--R
          - 1440a b d e + 240a b d
--R
--R
         +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
```

```
45 5 4 4
--R
           -3465b e x + (-10395a b e -6930b d e)x
--R
--R
                              4 4 5 2 3 3
--R
                  2 3 5
           (- 10395a b e - 20790a b d e - 3465b d e )x
--R
--R
                 3 2 5 2 3 4 4 2 3 2
--R
--R
           (- 3465a b e - 20790a b d e - 10395a b d e )x
--R
--R
                 3 2 4
                            2 3 2 3
--R
           (- 6930a b d e - 10395a b d e )x - 3465a b d e
--R
--R
           l b +----+
--R
                                  b\|e x + d
           |----- \| e x + d atan(-----)
--R
--R
          \|a e - b d
--R
                                      l b
--R
                              (a e - b d) |----
--R
                                      \|a e - b d
--R
                     45 5 4 4
--R
            5 5 5
        -3465b e x + (-9240a b e -8085b d e)x
--R
--R
--R
              2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
        (- 7623a b e - 21714a b d e - 5313b d e )x
--R
--R
              3 2 5 2 3 4
                                 4 2 3 5 3 2 2
--R
        (- 1584a b e - 18117a b d e - 14454a b d e - 495b d e )x
--R
            4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
--R
        (176a b e - 3872a b d e - 12309a b d e - 1430a b d e + 110b d e)x
--R
                              3 2 2 3
                                         2 3 3 2
                  4 4
--R
--R
         - 48a e + 416a b d e - 2768a b d e - 1335a b d e + 310a b d e
--R
--R
           5 5
--R
        - 40b d
--R
               638 547 4526 3635
--R
--R
             120a b e - 720a b d e + 1800a b d e - 2400a b d e
--R
--R
                 2744 853 962
--R.
            1800a b d e - 720a b d e + 120b d e
--R
--R
            5
--R
--R
--R
                7 2 8 6 3 7 5 4 2 6 4 5 3 5
            360a b e - 1920a b d e + 3960a b d e - 3600a b d e
--R
--R
```

```
3 6 4 4 2 7 5 3 8 6 2 9 7
--R
             600a b d e + 1440a b d e - 1080a b d e + 240b d e
--R
--R
--R
             4
--R
           x
--R
               8 8 7 2 7 6 3 2 6 5 4 3 5
--R
--R
             360a b e - 1440a b d e + 1200a b d e + 2880a b d e
--R
                 4544 3653 2762 98
--R
--R
            - 7200a b d e + 6240a b d e - 2160a b d e + 120b d
--R
            3
--R
--R
           X
--R
--R
                98 7226 6335 5444
--R
             120a e - 2160a b d e + 6240a b d e - 7200a b d e
--R
                4 5 5 3 3 6 6 2 2 7 7 8 8
--R
--R
             2880a b d e + 1200a b d e - 1440a b d e + 360a b d
--R
--R
            2
--R
            X
--R
--R
              9 7 8 2 6 7 2 3 5 6 3 4 4
            240a d e - 1080a b d e + 1440a b d e + 600a b d e
--R
--R
--R
                  5 4 5 3 4 5 6 2 3 6 7 2 7 8
--R
              - 3600a b d e + 3960a b d e - 1920a b d e + 360a b d
--R
--R
--R
            9 2 6 8 3 5 7 2 4 4 6 3 5 3 5 4 6 2
--R
--R
         120a d e - 720a b d e + 1800a b d e - 2400a b d e + 1800a b d e
--R
              4 5 7 3 6 8
--R
--R
         - 720a b d e + 120a b d
--R
          +----+
--R
--R
         \leq x + d
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 824
--S 825 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R.
                          +----+
```

```
2 3 +----- b
--R
--R
                                                         231b e \|- a e + b d |- -----
--R
                                                                                                                                                            \| a e - b d
--R
                                                                                                                                                          +----+
--R
                                                                                                                                                          l b +----+
--R
                                                                              (- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                                                                                                                                              \| a e - b d
--R
--R
                                                                                                                                                                                                             b x + a
--R
                                                                                                                                              +-+ +----+
--R
                                                                            2 3 +-+
                                                                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                - 462b e \|b atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                              +----+
--R
                                                                                                                                           \ |-ae+bd
--R /
--R
                                                                    6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
                                                         16a e - 96a b d e + 240a b d e - 320a b d e + 240a b d e
--R
--R
                                                                                 5 5
--R
                                                         - 96a b d e + 16b d
--R
                                                   +----+
--R
--R
                                               \|- a e + b d
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 825
--S 826 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                       (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 826
--S 827 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                             (6)
--R
                                                                                                                                              +-+ +----+
--R.
                                                                            2 3 +-+
                                                                                                                                         \begin{tabular}{ll} \beg
                                               - 231b e \|b atanh(-----)
--R
                                                                                                                                               +----+
--R
--R
                                                                                                                                            \|- a e + b d
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                +----+
--R
                                                                                                                                                                +----+
                                                                                                                                                                                                                                     b \mid e x + d
                                                                             2 3 +----- b
--R
                                               - 231b e \|- a e + b d |------)
--R
```

```
--R
                             \|a e - b d
                                                       l b
--R
                                            (a e - b d) |----
--R
--R
                                                      \|a e - b d
--R /
           66 5 5
--R
                                4 2 2 4
                                             3 3 3 3
                                                         2 4 4 2
--R
          8a e - 48a b d e + 120a b d e - 160a b d e + 120a b d e
--R
                5 5 6 6
--R
--R
          - 48a b d e + 8b d
--R
         +----+
--R
--R
        \|- a e + b d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 827
--S 828 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 828
)clear all
--S 829 of 1618
t0:=(d+e*x)^(15/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
     (1)
            77 66 255 344 433 522 6
--R
--R
            e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x
--R
--R
             7
            d
--R
--R
         +----+
--R
--R
        --R /
                       2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
       6 6 5 5
      b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
--R.
                                                Type: Expression(Integer)
--E 829
--S 830 of 1618
r0:=3003/128*e^5*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2)/b^7+9009/640*e^5*(d+e*x)^(5/2)/_
  b^6-1287/128*e^4*(d+e*x)^(7/2)/(b^5*(a+b*x))-143/64*e^3*_
  (d+e*x)^{(9/2)}/(b^4*(a+b*x)^2)-13/16*e^2*(d+e*x)^{(11/2)}/(b^3*_
  (a+b*x)^3-3/8*e*(d+e*x)^(13/2)/(b^2*(a+b*x)^4)-1/5*(d+e*x)^(15/2)/_
```

```
(b*(a+b*x)^5)-9009/128*e^5*(b*d-a*e)^(5/2)*atanh(sqrt(b)*_
       sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(17/2)+9009/128*e^5*(b*d-a*e)^2*_
       sqrt(d+e*x)/b^8
--R
--R
             (2)
--R
                                                     257 66 7255
--R
                              (- 45045a b e + 90090a b d e - 45045b d e )x
--R
--R
--R
                                                       3 4 7
                                                                                       256
                                                                                                                                       6 2 5 4
                               (- 225225a b e + 450450a b d e - 225225a b d e )x
--R
--R
                                                                                        3 4 6
                                                                                                                               2525 3
--R
                                                       4 3 7
--R
                               (-450450a b e + 900900a b d e - 450450a b d e)x
--R
--R
                                                       5 2 7
                                                                                      4 3 6
                                                                                                                              3 4 2 5 2
--R.
                                 (-450450a b e + 900900a b d e - 450450a b d e)x
--R
--R
                                                       6 7
                                                                                        5 2 6
                                                                                                                              4 3 2 5
--R
                                 (-225225a b e + 450450a b d e - 225225a b d e )x - 45045a e
--R
--R
                                            6 6 5225
                                90090a b d e - 45045a b d e
--R
--R
                                                                            +-+ +----+
--R
--R
                             +----+
                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                           \|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                          \|- a e + b d
--R
                                                                                  6 7 7 6 6
--R
                                        777
                                256b e x + (-1280a b e + 3072b d e)x
--R
--R
                                                                      6 6 7 2 5 5
--R
                                                2 5 7
--R
                                (16640a b e - 40960a b d e + 29696b d e)x
--R
                                                3 4 7
--R
                                                                           256
                                                                                                                              6 2 5
                                                                                                                                                               7344
--R
                                 (137995a b e - 330785a b d e + 228385a b d e - 26635b d e )x
--R
--R
                                                                                         3 4 6
                                                                                                                                2 5 2 5
--R
                                          338910a b e -803660a b d e +543920a b d e -58100a b d e
--R
--R.
                                                           7 4 3
--R
                                         - 12110b d e
--R
--R
                                       3
--R
                                     x
--R
                                                          5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4
--R
--R
                                          384384a b e - 905190a b d e + 604890a b d e - 60970a b d e
```

```
--R
                 6 4 3 7 5 2
--R
--R
            - 13090a b d e - 4648b d e
--R
--R
             2
--R
           X
--R
                  6 7 5 2 6 4 3 2 5
--R
            210210a b e - 492492a b d e + 326040a b d e - 31460a b d e
--R
--R
                   2 5 4 3 6 5 2
                                         7 6
--R
             - 6890a b d e - 2480a b d e - 1136b d e
--R
--R
--R
--R
--R
              7 7
                     6 6 5 2 2 5 4 3 3 4
--R
          45045a e - 105105a b d e + 69069a b d e - 6435a b d e
--R
--R
                3 4 4 3 2 5 5 2 6 6
--R
          - 1430a b d e - 520a b d e - 240a b d e - 128b d
--R
--R
         +-+ +----+
--R
         --R /
--R
            13 5 12 4 2 11 3 3 10 2 4 9
--R
          640b x + 3200a b x + 6400a b x + 6400a b x + 3200a b x
--R
--R
             5 8
--R
          640a b
--R
--R
        +-+
--R
       \|b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 830
--S 831 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
                257 66 7255
--R.
            (45045a b e - 90090a b d e + 45045b d e )x
--R
                         2 5 6
                                       6 2 5 4
--R
                  3 4 7
            (225225a b e - 450450a b d e + 225225a b d e)x
--R
--R
--R
                  4 3 7
                             3 4 6
                                          25253
            (450450a b e - 900900a b d e + 450450a b d e)x
--R
--R
```

```
5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2
--R
           (450450a b e - 900900a b d e + 450450a b d e )x
--R
--R
--R
                 6 7 5 2 6
                                       4 3 2 5
           (225225a b e - 450450a b d e + 225225a b d e)x + 45045a e
--R
--R
                6 6 5225
--R
--R
          - 90090a b d e + 45045a b d e
--R
--R
--R
                          |- a e + b d +----+
                       - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                        \| b
--R
--R
          |------ log(------)
--R
          \|
                                     b x + a
--R
             777 67 766
--R
--R
           512b e x + (- 2560a b e + 6144b d e )x
--R
               257 66 7255
--R
--R
           (33280a b e - 81920a b d e + 59392b d e )x
--R
                 3 4 7 2 5 6 6 2 5 7 3 4 4
--R
--R
           (275990a b e - 661570a b d e + 456770a b d e - 53270b d e )x
--R
                   4 3 7 3 4 6 2 5 2 5
--R
--R
              677820a b e - 1607320a b d e + 1087840a b d e
--R
                     6 3 4 7 4 3
--R
--R
             - 116200a b d e - 24220b d e
--R
--R
             3
--R
            X
--R
                   5 2 7 4 3 6 3 4 2 5
--R
--R
             768768a b e - 1810380a b d e + 1209780a b d e
--R
                    2 5 3 4 6 4 3
--R
             - 121940a b d e - 26180a b d e - 9296b d e
--R
--R
--R
             2
--R
            х
--R
--R
                   6 7 5 2 6 4 3 2 5 3 4 3 4
--R
              420420a b e - 984984a b d e + 652080a b d e - 62920a b d e
--R
                   2543 652 76
--R
--R
              - 13780a b d e - 4960a b d e - 2272b d e
--R
--R
            X
```

```
--R
            77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4
--R
--R
           90090a e - 210210a b d e + 138138a b d e - 12870a b d e
--R
                3 4 4 3 2 5 5 2 6 6 7 7
--R
--R
          - 2860a b d e - 1040a b d e - 480a b d e - 256b d
--R
--R
          +----+
--R
         \le x + d
--R
--R
           13 5 12 4 2 11 3 3 10 2 4 9
         1280b x + 6400a b x + 12800a b x + 12800a b x + 6400a b x
--R
--R
--R
           5 8
--R
         1280a b
--R
--R
--R
                  257 66 7255
          (- 45045a b e + 90090a b d e - 45045b d e )x
--R
--R
--R
                             256
           (- 225225a b e + 450450a b d e - 225225a b d e )x
--R
--R
--R
                   4 3 7 3 4 6 2 5 2 5 3
           (- 450450a b e + 900900a b d e - 450450a b d e )x
--R
--R
--R
                   5 2 7 4 3 6
--R
           (- 450450a b e + 900900a b d e - 450450a b d e )x
--R
                   6 7 5 2 6 4 3 2 5 7 7
--R
--R
           (-225225a b e + 450450a b d e - 225225a b d e )x - 45045a e
--R
               6 6
--R
                          5 2 2 5
--R
           90090a b d e - 45045a b d e
--R
--R
           +----+
                       +----+
--R
                      \ensuremath{\mbox{le x}} + d
           la e - b d
--R
           |----- atan(-----)
          \| b
--R
--R
                       la e - b d
--R
                       |----
                       \| b
--R
--R
--R
              777
                          6 7
                                 7 6 6
--R
           256b e x + (-1280a b e + 3072b d e)x
--R
                257 66 7255
--R
--R
           (16640a b e - 40960a b d e + 29696b d e )x
--R
--R
                 3 4 7 2 5 6 6 2 5 7 3 4 4
```

```
--R
            (137995a b e - 330785a b d e + 228385a b d e - 26635b d e )x
--R
                     4 3 7 3 4 6 2 5 2 5 6 3 4
--R
--R
               338910a b e \, - 803660a b d e \, + 543920a b d e \, - 58100a b d e
--R
--R
                     7 4 3
              - 12110b d e
--R
--R
--R
              3
--R
             х
--R
                    5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4
--R
              384384a b e - 905190a b d e + 604890a b d e - 60970a b d e
--R
--R
--R
                      6 4 3 7 5 2
--R
              - 13090a b d e - 4648b d e
--R
--R
              2
--R
             x
--R
                    6 7 5 2 6 4 3 2 5 3 4 3 4
--R
               210210a b e - 492492a b d e + 326040a b d e - 31460a b d e
--R
--R
--R
                     2 5 4 3 6 5 2 7 6
               - 6890a b d e - 2480a b d e - 1136b d e
--R
--R
--R
--R
                77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4
--R
--R
            45045a e - 105105a b d e + 69069a b d e - 6435a b d e
--R
                 3 4 4 3 2 5 5 2 6 6 7 7
--R
--R
           - 1430a b d e - 520a b d e - 240a b d e - 128b d
--R
--R
           +----+
--R
          \le x + d
--R
         13 5 12 4 2 11 3 3 10 2 4 9 5 8
--R
      640b x + 3200a b x + 6400a b x + 6400a b x + 3200a b x + 640a b
--R
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 831
--S 832 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                 6 2 2 5 |- a e + b d +-+
--R
             2 7
```

```
(9009a e - 18018a b d e + 9009b d e ) |----- \|b
--R
--R
                                         \| b
--R
--R
                +----+
                |- a e + b d +----+
--R
             - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
               \| b
--R
--R
--R
                             b x + a
--R
--R
                            6 2 2 5 +----+
         (18018a e - 36036a b d e + 18018b d e) | - a e + b d
--R
--R
               +-+ +----+
--R
--R
              --R
         atanh(-----)
              +----+
--R
--R
              \|- a e + b d
--R /
--R
         8 +-+
--R
      256b \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 832
--S 833 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 833
--S 834 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
              2 7 6 2 2 5 +-----+
--R
         (9009a e - 18018a b d e + 9009b d e) = a e + b d
--R
--R
               +-+ +----+
--R
--R
              \|b \|e x + d
         atanh(-----)
--R
              +----+
--R
--R
              \|- a e + b d
--R
--R
                                           +----+
                                                         +----+
                  6 2 2 5 +-+ |a e - b d \|e x + d
--R
      (- 9009a e + 18018a b d e - 9009b d e )\|b |----- atan(-----)
--R
                                           \| b
--R
```

```
--R
                                                              la e - b d
--R
                                                              |-----
--R
                                                             \| b
--R /
--R
          8 +-+
--R
      128b \|b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 834
--S 835 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 835
)clear all
--S 836 of 1618
t0:=(d+e*x)^(13/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
   (1)
     6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6 +-----+
--R
--R
     (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d) | e x + d
--R
--R
          6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
          b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R.
                                                Type: Expression(Integer)
--E 836
--S 837 of 1618
r0:=1001/128*e^5*(d+e*x)^(3/2)/b^6-3003/640*e^4*(d+e*x)^(5/2)/_
  (b^5*(a+b*x))-429/320*e^3*(d+e*x)^(7/2)/(b^4*(a+b*x)^2)-
  143/240*e^2*(d+e*x)^(9/2)/(b^3*(a+b*x)^3)-13/40*e*(d+e*x)^(11/2)/_
  (b^2*(a+b*x)^4)-1/5*(d+e*x)^(13/2)/(b*(a+b*x)^5)-3003/128*e^5*_
  (b*d-a*e)^(3/2)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(15/2)+_
  3003/128*e^5*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x)/b^7
--R
--R
--R
     (2)
--R.
                   5 6
                          6 5 5 2 4 6
--R.
            (45045a b e - 45045b d e)x + (225225a b e - 225225a b d e)x
--R
                                                              3 3 5 2
--R
                   3 3 6
                                2 4 5 3
                                                  4 2 6
--R
           (450450a b e - 450450a b d e)x + (450450a b e - 450450a b d e)x
--R
                   5 6 4 2 5 6 6 5
--R
--R
            (225225a b e - 225225a b d e)x + 45045a e - 45045a b d e
```

```
--R
--R
                                                                               +-+ +----+
--R
                             +----+
                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                            \|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                              \|- a e + b d
--R
                                                                                        5 6 6 5 5
--R
                               1280b e x + (- 16640a b e + 24320b d e )x
--R
--R
--R
                                                                                 5 5 6 2 4 4
                                                      2 4 6
                                (- 137995a b e + 192790a b d e - 35595b d e )x
--R
--R
--R
                                                        3 3 6
                                                                                           24 5
                                                                                                                            5 2 4
--R
                                (-338910a b e + 464750a b d e - 79170a b d e - 21070b d e )x
--R
--R
                                                              4 2 6
                                                                                          3 3 5 2 4 2 4
--R
                                          - 384384a b e + 520806a b d e - 84084a b d e - 23114a b d e
--R
--R
                                                           6 4 2
--R
                                        - 10024b d e
--R
--R
                                       2
--R
                                   x
--R
                                                              5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
                                       - 210210a b e + 282282a b d e - 43758a b d e - 12298a b d e
--R
                                                               5 4 2 6 5
--R
--R
                                          - 5408a b d e - 2928b d e
--R
--R
--R
                                                  6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
--R
                                 - 45045a e + 60060a b d e - 9009a b d e - 2574a b d e
--R
                                               2 4 4 2 5 5
--R
--R
                                - 1144a b d e - 624a b d e - 384b d
--R
--R
                               +-+ +----+
--R
                            \b \ \ \ x + d
--R /
                                    12 5 11 4 2 10 3 3 9 2 4 8
--R
--R
                             1920b x + 9600a b x + 19200a b x + 19200a b x + 9600a b x
--R
--R
                                  5 7
--R
                         1920a b
--R
--R
                         +-+
--R
                        \|b
```

```
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 837
--S 838 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R [
                   5 6 6 5 5 2 4 6
--R
--R
            (45045a b e - 45045b d e)x + (225225a b e - 225225a b d e)x
--R
                  3 3 6 2 4 5 3
--R
--R
            (450450a b e - 450450a b d e )x
--R
--R
                 4 2 6
                         3 3 5 2
--R
            (450450a b e - 450450a b d e)x
--R
                 5 6 4 2 5 6 6 5 5
--R
--R
            (225225a b e - 225225a b d e)x + 45045a e - 45045a b d e
--R
                           +----+
--R
                          |- a e + b d +----+
--R
--R
                         2b |----- \ensuremath{\mbox{\sc l}} \left|e x + d + b e x - a e + 2b d
           |- a e + b d \| b
--R
--R
           |------| log(------)
           \| b
--R
                                        b x + a
--R
               6 6 6 5 6 6 5 5
--R
--R
            2560b e x + (-33280a b e + 48640b d e)x
--R
                    2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
            (- 275990a b e + 385580a b d e - 71190b d e )x
--R
                   3 3 6 2 4 5
--R
                                             5 2 4
            (-677820a b e + 929500a b d e - 158340a b d e - 42140b d e )x
--R
--R
--R
                     4 2 6
                              3 3 5
                                            2 4 2 4
--R
               - 768768a b e + 1041612a b d e - 168168a b d e
--R
--R
                      5 3 3 6 4 2
              - 46228a b d e - 20048b d e
--R
--R.
--R
              2
--R
             X
--R
                      5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
               - 420420a b e + 564564a b d e - 87516a b d e - 24596a b d e
--R
--R
                       5 4 2
                               6 5
```

```
- 10816a b d e - 5856b d e
--R
--R
--R
             X
--R
                6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
--R
           - 90090a e + 120120a b d e - 18018a b d e - 5148a b d e
--R
--R
                 2 4 4 2 5 5
           - 2288a b d e - 1248a b d e - 768b d
--R
--R
--R
           +----+
--R
          \exists x + d
--R
                       11 4 2 10 3 3 9 2 4 8
--R
--R
         3840b \times + 19200a \times + 38400a \times + 38400a \times + 19200a \times \times
--R
--R
           5 7
--R
         3840a b
--R
--R
                 56 6 5 5 2 4 6 5 5 4
--R
           (45045a b e - 45045b d e)x + (225225a b e - 225225a b d e)x
--R
--R
--R
                  3 3 6 2 4 5 3
            (450450a b e - 450450a b d e )x
--R
--R
--R
                  4 2 6 3 3 5 2
--R
            (450450a b e - 450450a b d e )x
--R
                 5 6 4 2 5 6 6 5 5
--R
--R
           (225225a b e - 225225a b d e )x + 45045a e - 45045a b d e
--R
           +----+
--R
                        +----+
--R
           la e - b d
                       \leq x + d
--R
           |----- atan(-----)
          \| b
--R
--R
                        la e - b d
--R
                        |----
                       \| b
--R
--R
                       5 6
--R
               6 6 6
           1280b e x + (- 16640a b e + 24320b d e )x
--R
--R.
--R
                   2 4 6
                               5 5 6 2 4 4
--R
            (- 137995a b e + 192790a b d e - 35595b d e )x
--R
                   3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
--R
           (-338910a b e + 464750a b d e - 79170a b d e - 21070b d e )x
--R
--R
                      4 2 6
                              3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
```

```
--R
               - 384384a b e + 520806a b d e - 84084a b d e - 23114a b d e
--R
--R
                     6 4 2
--R
               - 10024b d e
--R
--R
               2
--R
              x
--R
                      5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
               - 210210a b e \, + 282282a b d e \, - 43758a b d e \, - 12298a b d e
--R
--R
                     5 4 2 6 5
--R
               - 5408a b d e - 2928b d e
--R
--R
--R
             X
--R
--R
                  6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
            - 45045a e + 60060a b d e - 9009a b d e - 2574a b d e
--R
--R
                  2 4 4 2 5 5
--R
--R
            - 1144a b d e - 624a b d e - 384b d
--R
--R
           +----+
           --R
--R
            12 5 11 4 2 10 3 3 9 2 4 8
--R
--R
         1920b x + 9600a b x + 19200a b x + 19200a b x + 9600a b x
--R
--R
             5 7
--R
        1920a b
--R
      1
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 838
--S 839 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                            +----+
              6 5 |- a e + b d +-+
--R
--R
         (3003a e - 3003b d e) |---- \setminus |b|
                          \| b
--R.
--R
              +----+
--R
--R
              |- a e + b d +----+
--R
            2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
         log(-----)
--R
--R
                            bx + a
```

```
--R
 --R
                                                                                                                                                                                        +-+ +----+
 --R
                                                               6 5 +----+
                                                                                                                                                                                      (- 6006a e + 6006b d e )\|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                      \|- a e + b d
--R
--R /
                                   7 +-+
--R
                          256ъ \|ъ
--R
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 839
--S 840 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
 --R
 --R
--R
                 (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 840
--S 841 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                    (6)
--R
                                                              6 5 +----+
--R
                                                                                                                                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                  (- 3003a e + 3003b d e )\|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                      \label{eq:local_local_problem} \ a e + b d
--R
                                                                                                                                                                                       +----+
--R
                                                                                                                              +----+
                                                     6 5 +-+ |a e - b d
--R
                                                                                                                                                                                      \ensuremath{\mbox{le x + d}}
--R
                                  (3003a e - 3003b d e )\|b |----- atan(-----)
                                                                                                                         \| b
--R
                                                                                                                                                                                      +----+
                                                                                                                                                                                      la e - b d
--R
                                                                                                                                                                                     |-----
--R
                                                                                                                                                                                   \| b
--R
 --R
--R
                                     7 +-+
 --R
                          128b \|b
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 841
--S 842 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
```

```
--E 842
)clear all
--S 843 of 1618
t0:=(d+e*x)^(11/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
                                  3 2 2 4 5 +----+
--R
                 4 4
                         2 3 3
--R
         (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
     (1) -----
--R
          6 6
                 5 5 2 4 4 3 3 3
                                           4 2 2 5
--R
         b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 843
--S 844 of 1618
r0:=-231/128*e^4*(d+e*x)^(3/2)/(b^5*(a+b*x))-231/320*e^3*(d+e*x)^(5/2)/\_
  (b^4*(a+b*x)^2)-33/80*e^2*(d+e*x)^(7/2)/(b^3*(a+b*x)^3)-11/40*e*_
  (d+e*x)^{(9/2)}/(b^2*(a+b*x)^4)-1/5*(d+e*x)^{(11/2)}/(b*(a+b*x)^5)-_
  693/128*e^5*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*_
  sqrt(b*d-a*e)/b^(13/2)+693/128*e^5*sqrt(d+e*x)/b^6
--R
--R
--R
     (2)
                 5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2
--R
--R
           -3465b e x -17325a b e x -34650a b e x -34650a b e x
--R
--R
                 4 5
                             5 5
--R.
           - 17325a b e x - 3465a e
--R
--R
                           +-+ +----+
--R
          +----+
                          \b \leq x + d
--R
          \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                           +----+
--R
                          \|- a e + b d
--R
--R
                             45 5 4 4
               5 5 5
--R
           1280b e x + (10615a b e - 4215b d e)x
--R
--R
                 2 3 5
                            4 4
                                       5 2 3 3
            (26070a b e - 9680a b d e - 3590b d e )x
--R
--R.
--R.
                 3 2 5
                            234
                                          4 2 3
                                                      5 3 2 2
            (29568a b e - 10494a b d e - 4026a b d e - 2248b d e )x
--R
--R
--R
                     4 5 3 2 4 2 3 2 3
--R
                16170a b e - 5544a b d e - 2178a b d e - 1232a b d e
--R
--R
                     5 4
```

```
--R
           - 816b d e
--R
--R
          x
--R
              5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
          3465a e - 1155a b d e - 462a b d e - 264a b d e - 176a b d e
--R
--R
         - 128b d
--R
--R
--R
         +-+ +----+
--R
        \b \leq x + d
--R /
          11 5 10 4 2 9 3 3 8 2 4 7 5 6
--R
--R
       (640b \ x + 3200a \ b \ x + 6400a \ b \ x + 6400a \ b \ x + 3200a \ b \ x + 640a \ b )
--R
--R
       +-+
--R
       \|b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 844
--S 845 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
   [
--R
               5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2
--R
--R
            3465b e x + 17325a b e x + 34650a b e x + 34650a b e x
--R
--R
                4 5
--R
          17325a b e x + 3465a e
--R
--R
                            +----+
--R
                           |- a e + b d +----+
                      - 2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
           |- a e + b d \| b
--R
--R
           |------| log(------)
          \| b
--R
--R
--R
               5 5 5
                           4 5
                                   5 4 4
            2560b e x + (21230a b e - 8430b d e )x
--R
--R
--R
                2 3 5
                        4 4 5 2 3 3
            (52140a b e - 19360a b d e - 7180b d e)x
--R
--R
                3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
           (59136a b e - 20988a b d e - 8052a b d e - 4496b d e )x
--R
--R
                   4 5
                             3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
```

```
--R
               32340a b e - 11088a b d e - 4356a b d e - 2464a b d e
--R
--R
                    5 4
--R
               - 1632b d e
--R
--R
--R
               5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
           6930a e - 2310a b d e - 924a b d e - 528a b d e - 352a b d e
--R
--R
--R
               5 5
           - 256b d
--R
--R
           +----+
--R
--R
          \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R /
--R.
           11 5
                   10 4 2 9 3 3 8 2 4 7
--R
         1280b x + 6400a b x + 12800a b x + 12800a b x + 6400a b x
--R
--R
           5 6
--R
         1280a b
--R
--R
                5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2
--R
--R
           - 3465b e x - 17325a b e x - 34650a b e x - 34650a b e x
--R
             4 5
--R
                         5 5
--R
            - 17325a b e x - 3465a e
--R
           +----+
--R
                        +----+
--R
           la e - b d
                        \leq x + d
--R
           |----- atan(-----)
           \| b
--R
                      +----+
--R
                        la e - b d
--R
                        |-----
                        \| b
--R
--R
                            4 5
--R
               5 5 5
                                    5 4 4
--R
            1280b e x + (10615a b e - 4215b d e )x
--R
                       4 4
--R
                 2 3 5
                                    5 2 3 3
            (26070a b e - 9680a b d e - 3590b d e )x
--R
--R.
                        2 3 4
--R
                 3 2 5
                                        4 2 3 5 3 2 2
--R
            (29568a b e - 10494a b d e - 4026a b d e - 2248b d e )x
--R
                   4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
--R
              16170a b e - 5544a b d e - 2178a b d e - 1232a b d e
--R
--R
                    5 4
```

```
--R
                                                       - 816b d e
--R
--R
                                                   X
--R
                                                         5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
                                              3465a e - 1155a b d e - 462a b d e - 264a b d e - 176a b d e
--R
--R
                                             - 128b d
--R
--R
--R
                                           +----+
--R
                                         \label{eq:lemma_def} \
--R
                                       11 5 10 4 2 9 3 3 8 2 4 7 5 6
--R
--R
                             640b x + 3200a b x + 6400a b x + 6400a b x + 3200a b x + 640a b
--R
--R
                                                                                                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 845
--S 846 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                 (4)
--R
                                              5 |- a e + b d +-+
--R
--R
                                   693e |-----\|b
--R
                                             \| b
--R
--R
                                                           +----+
                                                          |- a e + b d +----+
--R
--R
                                              - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
                                                      \| b
--R
                                  log(-----)
--R
--R
                                                                                                            b x + a
--R
--R
                                                                                                            +-+ +----+
                                       5 +----+
--R
                                                                                                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                             1386e \|- a e + b d atanh(-----)
                                                                                                            +----+
--R
                                                                                                          \|- a e + b d
--R
--R /
--R
                              6 +-+
--R
                       256b \|b
--R
                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 846
--S 847 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
```

```
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 847
--S 848 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
     (6)
--R
--R
                              +-+ +----+
           5 +----+
                            \b \leq x + d
--R
--R
        693e \|- a e + b d atanh(-----)
                               +----+
--R
--R
                              \|- a e + b d
--R
--R
                  +----+
                                 +----+
--R
            5 +-+ |a e - b d
                                \leq x + d
        - 693e \|b |----- atan(-----)
--R
                 \| b
                                 +----+
--R
--R
                                 |ae-bd
--R
                                 |-----
                                \| b
--R
--R /
--R
        6 +-+
--R
       128b \|b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 848
--S 849 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 849
)clear all
--S 850 of 1618
t0:=(d+e*x)^(9/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
                       3 3
                               2 2 2 3 4 +----+
--R
              (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) | e x + d
--R
         6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
--R
         b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 850
```

```
--S 851 of 1618
r0:=-21/64*e^3*(d+e*x)^(3/2)/(b^4*(a+b*x)^2)-21/80*e^2*(d+e*x)^(5/2)/_
  (b^3*(a+b*x)^3)-9/40*e*(d+e*x)^(7/2)/(b^2*(a+b*x)^4)-_
  1/5*(d+e*x)^(9/2)/(b*(a+b*x)^5)-63/128*e^5*atanh(sqrt(b)*_
  \sqrt{\frac{d+e*x}{sqrt(b*d-a*e)}}/(b^{(11/2)*sqrt(b*d-a*e)})_{-}
  63/128*e^4*sqrt(d+e*x)/(b^5*(a+b*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                 5 5 5
                            454 2353 3252
            - 315b e x - 1575a b e x - 3150a b e x - 3150a b e x
--R
--R
--R
                 4 5
                           5 5
--R
            - 1575a b e x - 315a e
--R
--R.
                +-+ +----+
--R
               \b \ \ \ x + d
--R
          atanh(-----)
                +----+
--R
--R
               \ |-ae+bd
--R
--R
                4 4 4
                          3 4 4 3 3
--R
           - 965b e x + (- 2370a b e - 1490b d e )x
--R
                         3 3 4 2 2 2
--R
                   2 2 4
--R
            (- 2688a b e - 1734a b d e - 1368b d e )x
--R
--R
                   3 4
                          2 2 3
                                           3 2 2
                                                   4 3
--R.
            (-1470a b e - 966a b d e - 768a b d e - 656b d e)x - 315a e
--R
                          2 2 2 2 3 3 4 4
--R
                 3 3
--R
           - 210a b d e - 168a b d e - 144a b d e - 128b d
--R
--R
           +----+
--R
          \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
                                            3 7 2 4 6
--R
            10 5
                       9 4 2 8 3
--R
        (640b x + 3200a b x + 6400a b x + 6400a b x + 3200a b x + 640a b)
--R
         +----+ +-+
--R
        \|- a e + b d \|b
--R
--R.
                                               Type: Expression(Integer)
--E 851
--S 852 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
--R [
            5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2
--R
--R
           315b \ e \ x + 1575a \ b \ e \ x + 3150a \ b \ e \ x + 3150a \ b \ e \ x
--R
              4 5 5 5
--R
--R
           1575a b e x + 315a e
--R
                                              +-----+
l 2
--R
                    2 +----+
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
        log(-----)
--R
--R
                     3 4 4 3 3
--R
               4 4 4
--R
           - 1930b e x + (- 4740a b e - 2980b d e )x
--R
--R
                 2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
           (- 5376a b e - 3468a b d e - 2736b d e )x
--R
                3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
           (- 2940a b e - 1932a b d e - 1536a b d e - 1312b d e)x - 630a e
--R
--R
              3 3 2222 33 44
           - 420a b d e - 336a b d e - 288a b d e - 256b d
--R
--R
--R
          2 +----+
--R
--R
          --R
            10 5 9 4 2 8 3 3 7 2 4 6
--R
--R
          1280b x + 6400a b x + 12800a b x + 12800a b x + 6400a b x
--R
--R
            5 5
--R
         1280a b
--R
--R
         1 2
--R
        \label{eq:local_local_local_local} \ a b e + b d
--R
--R
--R
             5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2
--R
           315b e x + 1575a b e x + 3150a b e x + 3150a b e x
--R
--R
--R
              4 5 5 5
          1575a b e x + 315a e
--R
--R
--R
             2 +----+
--R
             --R
--R
          atan(-----)
```

```
--R
                                                              ae-bd
--R
                                                  4 4 4 3 4 4 3 3
--R
                                      - 965b e x + (- 2370a b e - 1490b d e )x
--R
--R
                                                                                3 3
--R
                                                         2 2 4
                                                                                                                          4 2 2 2
--R
                                      (-2688a b e - 1734a b d e - 1368b d e)x
--R
                                                         3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
                                     (-1470a b e - 966a b d e - 768a b d e - 656b d e)x - 315a e
--R
                                                 3 3
--R
                                                                              2 2 2 2
                                                                                                                3 3
                                     - 210a b d e - 168a b d e - 144a b d e - 128b d
--R
--R
--R
--R
                                   2 +----+
--R
                                 \|a b e - b d \|e x + d
--R
                                       10 5 9 4 2 8 3 3 7 2 4 6 5 5
--R
--R
                             (640b x + 3200a b x + 6400a b x + 6400a b x + 3200a b x + 640a b)
--R
--R
--R
                             1 2
--R
                             \|a b e - b d
--R
--R
                                                                                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 852
--S 853 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
              (4)
--R
                                   5 +---- +-+
--R
                            63e \|- a e + b d \|b
--R
--R
                                                                                                                                                           1
                                                                 2 +----+
--R
--R
                                   (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
                            log(-----)
--R
                                                                                                           bx + a
--R
--R.
                                    +----+
                                                                                         +-+ +----+
                                5 | 2
--R
                                                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
                       126e \|- a b e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                          +----+
--R
--R
                                                                                        \ |-ae+bd
--R /
--R
                            5 | 2 +----+ +-+
--R
```

```
256b \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 853
--S 854 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 854
--S 855 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                             +-+ +----+
           5 | 2
--R
                            63e \|a b e - b d atanh(-----)
--R
                             +----+
--R
--R
                             \|- a e + b d
--R
--R
--R
                               2 +----+
         5 +----+ +-+ \|a b e - b d \|e x + d
--R
--R
        63e \|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
                                     ae-bd
--R /
--R
        5 +----- +-+ | 2
--R
--R
     128b \|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 855
--S 856 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 856
)clear all
--S 857 of 1618
t0:=(d+e*x)^{(7/2)}/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
                            2 2 2 3 +----+
--R
                    3 3
```

```
--R
                 (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
--R
        6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
        b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 857
--S 858 of 1618
r0:=-7/48*e^2*(d+e*x)^(3/2)/(b^3*(a+b*x)^3)-7/40*e*(d+e*x)^(5/2)/_
  (b^2*(a+b*x)^4)-1/5*(d+e*x)^(7/2)/(b*(a+b*x)^5)+7/128*e^5*_
  atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(9/2)*_
  (b*d-a*e)^(3/2))-7/64*e^3*sqrt(d+e*x)/(b^4*(a+b*x)^2)-_
  7/128*e^4*sqrt(d+e*x)/(b^4*(b*d-a*e)*(a+b*x))
--R
--R
--R
    (2)
--R
               5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R.
           - 105b e x - 525a b e x - 1050a b e x - 1050a b e x - 525a b e x
--R
--R
                5 5
--R
           - 105a e
--R
--R
               +-+ +----+
--R
              \b \leq x + d
--R
         atanh(-----)
               +----+
--R
--R
              \|- a e + b d
--R
--R
              4 4 4
                     3 4
                                4 3 3
--R.
          105b e x + (-790a b e + 1210b d e)x
--R
                 2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
           (-896a b e - 578a b d e + 2104b d e)x
--R
--R
                         223
                                      3 2 2
                                                 4 3
--R
           (-490a b e - 322a b d e - 256a b d e + 1488b d e)x - 105a e
--R.
               3 3
--R
                        2 2 2 2
                                    3 3
           - 70a b d e - 56a b d e - 48a b d e + 384b d
--R
--R
--R
          +----+
--R
         --R /
--R.
               9
                      10 5
                                2 8
         (1920a b e - 1920b d)x + (9600a b e - 9600a b d)x
--R.
--R
                     283 46 37
--R
--R
         (19200a b e - 19200a b d)x + (19200a b e - 19200a b d)x
--R
--R
              5 5 4 6
                                 64 55
```

```
--R
         (9600a b e - 9600a b d)x + 1920a b e - 1920a b d
--R
--R
        +----+ +-+
--R
       \|- a e + b d \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 858
--S 859 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Ε
               5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
            105b e x + 525a b e x + 1050a b e x + 1050a b e x + 525a b e x
--R
--R
--R
              5 5
--R
            105a e
--R
--R
--R
                      2 +----+
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
--R
                                  b x + a
--R
              4 4 4 3 4 4 3 3
--R
--R
            210b e x + (-1580a b e + 2420b d e)x
--R
                  2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
            (- 1792a b e - 1156a b d e + 4208b d e )x
--R
                  3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
            (-980a b e - 644a b d e - 512a b d e + 2976b d e)x - 210a e
--R
--R
                3 3 2222
                                     3 3
            - 140a b d e - 112a b d e - 96a b d e + 768b d
--R
--R
--R
           +----+
           2 +----+
--R
--R
           \|- a b e + b d \|e x + d
--R
                9
                     10 5
--R
                                  2 8
--R.
           (3840a b e - 3840b d)x + (19200a b e - 19200a b d)x
--R
                     28346
                                              3 7 2
--R
                3 7
           (38400a b e - 38400a b d)x + (38400a b e - 38400a b d)x
--R
--R
--R
                         4 6
                                    6 4
           (19200a b e - 19200a b d)x + 3840a b e - 3840a b d
--R
--R
```

```
--R
        1 2
--R
--R
        \|- a b e + b d
--R
--R
              5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
--R
           105b e x + 525a b e x + 1050a b e x + 1050a b e x + 525a b e x
--R
--R
              5 5
           105a e
--R
--R
--R
              2 +----+
--R
--R
             \|a b e - b d \|e x + d
--R
          atan(-----)
--R
            a e - b d
--R
             4 4 4
                     3 4
--R
                                4 3 3
           105b e x + (- 790a b e + 1210b d e )x
--R
--R
               2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
           (-896a b e - 578a b d e + 2104b d e)x
--R
--R
--R
               3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
           (- 490a b e - 322a b d e - 256a b d e + 1488b d e)x - 105a e
--R
--R
              3 3 2222 33 44
--R
--R
           - 70a b d e - 56a b d e - 48a b d e + 384b d
--R
--R
          2 +----+
--R
--R
          --R
              9 10 5 28 9 4
--R
--R
          (1920a b e - 1920b d)x + (9600a b e - 9600a b d)x
--R
--R
                                          3 7 2
              3 7
                       283
                                 4 6
--R
          (19200a b e - 19200a b d)x + (19200a b e - 19200a b d)x
--R
--R
                     4 6
                                6 4
--R
         (9600a b e - 9600a b d)x + 1920a b e - 1920a b d
--R
--R
         +----+
--R
         1 2
--R
        --R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 859
--S 860 of 1618
```

```
m0a:=a0.1-r0
 --R
 --R
                               (4)
 --R
 --R
                                                                      5 +----+ +-+
 --R
                                                            7e \|- a e + b d \|b
 --R
 --R
                                                                                                                                            2 +----+
  --R
                                                                                (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
 --R
 --R
                                                            log(-----)
 --R
                                                                                                                                                                                                                                b x + a
 --R
                                                                                                                                                                                       +-+ +----+
  --R
  --R
                                                                 5 | 2
                                                                                                                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
                                                  14e \|- a b e + b d atanh(-----)
                                                                                                                                                                                       +----+
 --R
                                                                                                                                                                                    \|- a e + b d
--R
--R /
--R
                                                                                                                      5 | 2 +----+ +-+
--R
--R
                                         (256a b e - 256b d) | - a b e + b d | - a e + b d | b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 860
--S 861 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                        (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 861
--S 862 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
 --R
 --R
                               (6)
 --R
                                                                                                                                                                        +-+ +----+
                                                           5 | 2
 --R
                                                                                                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
                                                 7e \|a b e - b d atanh(-----)
 --R
  --R
                                                                                                                                                                        +----+
  --R.
                                                                                                                                                                     --R
 --R
                                                                                                                                                                                          +----+
                                                                                                                                                                                        2 +----+
--R
                                                           5 +----+ +-+
--R
                                                                                                                                                                                    --R
                                                  7e \|- a e + b d \|b atan(-----)
                                                                                                                                                                                                                 ae-bd
--R
--R /
```

```
--R
--R
            4 5 +----+ +-+ |
--R
       (128a b e - 128b d)\|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R.
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 862
--S 863 of 1618
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 863
)clear all
--S 864 of 1618
t0:=(d+e*x)^(5/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
                          2 2
                                        2 +----+
--R
                        (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
--R
          6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
         b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 864
--S 865 of 1618
r0:=-1/8*e*(d+e*x)^{(3/2)}/(b^2*(a+b*x)^4)-1/5*(d+e*x)^{(5/2)}/(b*(a+b*x)^5)-1/5*(d+e*x)^4
  3/128*e^5*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(7/2)*_
  (b*d-a*e)^(5/2))-1/16*e^2*sqrt(d+e*x)/(b^3*(a+b*x)^3)-1/64*_
  e^3*sqrt(d+e*x)/(b^3*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)+3/128*e^4*sqrt(d+e*x)/_
  (b^3*(b*d-a*e)^2*(a+b*x))
--R
--R
--R
     (2)
                 5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
--R
            - 15b e x - 75a b e x - 150a b e x - 150a b e x - 75a b e x
--R
--R
                 5 5
--R
            - 15a e
--R.
--R
                 +-+ +----+
--R
                \b \leq x + d
--R
           atanh(-----)
                +----+
--R
--R
                --R
--R
               4 4 4 3 4
                                    4 3 3
```

```
--R
          15b e x + (70a b e - 10b d e)x
--R
                2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
           (- 128a b e + 466a b d e - 248b d e )x
--R
--R
               3 4 22 3
                                    3 2 2
                                             4 3
--R
          (- 70a b e - 46a b d e + 512a b d e - 336b d e)x - 15a e
--R
                                    3 3
              3 3 2222
--R
          - 10a b d e - 8a b d e + 176a b d e - 128b d
--R
--R
          +----+
--R
--R
         \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
--R
             282
                     9 10 2 5
--R
         (640a b e - 1280a b d e + 640b d )x
--R
--R
             3 7 2 2 8
                                    924
--R
         (3200a b e - 6400a b d e + 3200a b d )x
--R
--R
             4 6 2
                     3 7
         (6400a b e - 12800a b d e + 6400a b d )x
--R
--R
--R
             5 5 2 4 6 3 7 2 2
--R
         (6400a b e - 12800a b d e + 6400a b d )x
--R
--R
                     5 5
                                   4 6 2 7 3 2 6 4
--R
         (3200a b e - 6400a b d e + 3200a b d )x + 640a b e - 1280a b d e
--R
--R
            5 5 2
--R
        640a b d
--R
--R
        +----+ +-+
--R
       \|- a e + b d \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 865
--S 866 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
             5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
--R
            15b e x + 75a b e x + 150a b e x + 150a b e x + 75a b e x
--R
--R
             5 5
--R
           15a e
--R
--R
                                                    +----+
```

```
--R
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
        log(-----
--R
                                b x + a
--R
            4 4 4 3 4 4 3 3
--R
--R
           30b e x + (140a b e - 20b d e)x
--R
               2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
          (- 256a b e + 932a b d e - 496b d e )x
--R
               3 4
                       2 2 3
--R
                                 3 2 2 4 3 4 4
           (- 140a b e - 92a b d e + 1024a b d e - 672b d e)x - 30a e
--R
--R
--R
                  3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
           - 20a b d e - 16a b d e + 352a b d e - 256b d
--R
--R
          2 +----+
--R
--R
          --R
--R
             282 9 1025
--R
          (1280a b e - 2560a b d e + 1280b d )x
--R
              3 7 2 2 8
--R
                                   924
         (6400a b e - 12800a b d e + 6400a b d )x
--R
--R
--R
               4 6 2 3 7 2 8 2 3
--R
          (12800a b e - 25600a b d e + 12800a b d )x
--R
               5 5 2 4 6
--R
                                    3 7 2 2
--R
          (12800a b e - 25600a b d e + 12800a b d)x
--R
              6 4 2 5 5
                                  4 6 2 7 3 2 6 4
--R
--R
          (6400a b e - 12800a b d e + 6400a b d )x + 1280a b e - 2560a b d e
--R
--R
            5 5 2
--R
         1280a b d
--R
--R
         1 2
--R
--R
        --R.
--R
            5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
--R
          15b e x + 75a b e x + 150a b e x + 150a b e x + 75a b e x
--R
--R
            5 5
--R
          15a e
--R
```

```
--R
              2 +----+
--R
--R
              \|a b e - b d \|e x + d
--R
          atan(-----)
--R
                   ae-bd
--R
              4 4 4 3 4 4 3 3
--R
--R
           15b e x + (70a b e - 10b d e )x
--R
                2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
           (- 128a b e + 466a b d e - 248b d e )x
--R
               3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
           (- 70a b e - 46a b d e + 512a b d e - 336b d e)x - 15a e
--R
--R
                   3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
           - 10a b d e - 8a b d e + 176a b d e - 128b d
--R
          +----+
--R
          2 +----+
--R
--R
          --R
            282 9
--R
                            10 2 5
--R
          (640a b e - 1280a b d e + 640b d)x
--R
              3 7 2 2 8 9 2 4
--R
--R
          (3200a b e - 6400a b d e + 3200a b d)x
--R
--R
              4 6 2
                   3 7
                                  2823
--R
          (6400a b e - 12800a b d e + 6400a b d)x
--R
              5 5 2 4 6 3 7 2 2
--R
--R
          (6400a b e - 12800a b d e + 6400a b d )x
--R
--R
              642 55
                                 462
                                            7 3 2
--R
          (3200a b e - 6400a b d e + 3200a b d )x + 640a b e - 1280a b d e
--R
--R
            5 5 2
--R
          640a b d
--R
--R
         1 2
--R
--R
        \|a b e - b d
--R
     1
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 866
--S 867 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
```

```
--R
--R
                 (4)
--R
                                       5 +----+ +-+
--R
                                  3e \|- a e + b d \|b
--R
--R
--R
                                                                                2 +----+
--R
                                              (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                                                                                                                 b x + a
--R
                                                                                                     +-+ +----+
--R
                                       +----+
                                  5 | 2
                                                                                                    --R
--R
                             6e \|- a b e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                    \|- a e + b d
--R /
--R
                                                                                                            5 2 | 2 +----+ +-+
--R
                                     2 3 2 4
                       (256a b e - 512a b d e + 256b d )\|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 867
--S 868 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
             (5) 0
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 868
--S 869 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                 (6)
--R
                                                                                               +-+ +----+
                                  5 l 2
--R
                                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                            3e \|a b e - b d atanh(-----)
                                                                                                +----+
--R
--R
                                                                                               \ |-ae+bd
--R
--R
                                                                                                          +----+
                                                                                                         2 +----+
--R
                                  5 +----+ +-+
--R
                                                                                                       3e \|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
--R
                                                                                                                            ae-bd
--R /
--R
                                                                                                             5 2 +----- +-+ | 2
--R
                                     2 3 2
```

```
--R
       (128a b e - 256a b d e + 128b d )\|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 869
--S 870 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 870
)clear all
--S 871 of 1618
t0:=(d+e*x)^(3/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
                                     +----+
--R
                            (e x + d) | e x + d
--R
--R
          6 6
                 5 5
                           2 4 4
                                   3 3 3 4 2 2
                                                     5
--R
         b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 871
--S 872 of 1618
r0:=-1/5*(d+e*x)^(3/2)/(b*(a+b*x)^5)+3/128*e^5*atanh(sqrt(b)*_
  \sqrt{(d+e*x)/(b^2*(a+b*x)^4)-1/80*e^2*sqrt(d+e*x)/(b^2*(b*d-a*e)*_2}
  (a+b*x)^3+1/64*e^3*sqrt(d+e*x)/(b^2*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)^2)-_
  3/128*e^4*sqrt(d+e*x)/(b^2*(b*d-a*e)^3*(a+b*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                 5 5 5
                           454
                                       2 3 5 3
                                                   3 2 5 2
--R.
            - 15b e x - 75a b e x - 150a b e x - 150a b e x - 75a b e x
--R
--R
                 5 5
--R
            - 15a e
--R
                +-+ +----+
--R
--R.
                atanh(-----)
--R.
                +----+
--R
--R
                \|- a e + b d
--R
--R
               4 4 4
                       3 4
            15b e x + (70a b e - 10b d e)x
--R
--R
```

```
2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
           (128a b e - 46a b d e + 8b d e )x
--R
--R
               3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
           (-70a b e + 466a b d e - 512a b d e + 176b d e)x - 15a e
--R
              3 3 2 2 2 2
--R
                                     3 3
--R
          - 10a b d e + 248a b d e - 336a b d e + 128b d
--R
          +----+
--R
         \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R
--R /
                    282
                                   9 2
            3 7 3
                                           10 3 5
--R
--R
         (640a b e - 1920a b d e + 1920a b d e - 640b d )x
--R
--R
                     3 7 2
                                   282
                                               934
             4 6 3
--R
         (3200a b e - 9600a b d e + 9600a b d e - 3200a b d)x
--R
--R
             5 5 3
                     462
                                    3 7 2
                                                2833
--R
         (6400a b e - 19200a b d e + 19200a b d e - 6400a b d )x
--R
--R
             6 4 3 5 5 2 4 6 2
                                            3 7 3 2
         (6400a b e - 19200a b d e + 19200a b d e - 6400a b d )x
--R
--R
              7 3 3 6 4 2 5 5 2
--R
                                           4 6 3 8 2 3
         (3200a b e - 9600a b d e + 9600a b d e - 3200a b d )x + 640a b e
--R
--R
--R
              7 3 2 6 4 2 5 5 3
--R
         - 1920a b d e + 1920a b d e - 640a b d
--R
--R
        +----+ +-+
--R
       \|- a e + b d \|b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 872
--S 873 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
   [
--R
              5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
--R
            15b e x + 75a b e x + 150a b e x + 150a b e x + 75a b e x
--R
--R
             5 5
--R
            15a e
--R
--R
                                                   1 2
--R
                     2 +----+
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
```

```
--R
--R
                              b x + a
--R
             4 4 4 3 4 4 3 3
--R
           30b e x + (140a b e - 20b d e)x
--R
--R
               2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
           (256a b e - 92a b d e + 16b d e )x
--R
                3 4 2 2 3 3 2 2 4 3
--R
           (- 140a b e + 932a b d e - 1024a b d e + 352b d e)x - 30a e
--R
--R
                   3 2 2 2 2 3 3
--R
--R
           - 20a b d e + 496a b d e - 672a b d e + 256b d
--R
--R
--R
           2 +----+
--R
          \|- a b e + b d \|e x + d
--R
              3 7 3 2 8 2 9 2
--R
--R
          (1280a b e - 3840a b d e + 3840a b d e - 1280b d)x
--R
--R
              4 6 3 3 7 2
                                    282
--R
          (6400a b e - 19200a b d e + 19200a b d e - 6400a b d )x
--R
               5 5 3 4 6 2 3 7 2 2 8 3 3
--R
--R
          (12800a b e - 38400a b d e + 38400a b d e - 12800a b d )x
--R
--R
               6 4 3 5 5 2 4 6 2
                                            3732
--R
          (12800a b e - 38400a b d e + 38400a b d e - 12800a b d)x
--R
               7 3 3 6 4 2 5 5 2 4 6 3
--R
--R
          (6400a b e - 19200a b d e + 19200a b d e - 6400a b d)x
--R
             8 2 3 7 3 2 6 4 2
--R
          1280a b e - 3840a b d e + 3840a b d e - 1280a b d
--R
--R
--R
         | 2
--R
--R
         \|- a b e + b d
--R
--R
--R
             5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
           15b e x + 75a b e x + 150a b e x + 150a b e x + 75a b e x
--R
--R
             5.5
--R
          15a e
--R
--R
               2 +----+
--R
```

```
--R
              \|a b e - b d \|e x + d
--R
          atan(-----)
--R
                   ae-bd
--R
              4 4 4 3 4 4 3 3
--R
--R
           15b e x + (70a b e - 10b d e)x
--R
                      3 3 4 2 2 2
               2 2 4
--R
           (128a b e - 46a b d e + 8b d e )x
--R
--R
               3 4 2 2 3 3 2 2 4 3
--R
           (- 70a b e + 466a b d e - 512a b d e + 176b d e)x - 15a e
--R
--R
                   3 2222
--R
                                  3 3
           - 10a b d e + 248a b d e - 336a b d e + 128b d
--R
--R
--R
          +----+
--R
           2 +----+
--R
          --R
             3 7 3 2 8 2 9 2 10 3 5
--R
          (640a b e - 1920a b d e + 1920a b d e - 640b d )x
--R
--R
--R
              463 372 282 934
          (3200a b e - 9600a b d e + 9600a b d e - 3200a b d)x
--R
--R
                    462 372
--R
--R
          (6400a b e - 19200a b d e + 19200a b d e - 6400a b d )x
--R
--R
              6 4 3 5 5 2 4 6 2 3 7 3 2
--R
          (6400a b e - 19200a b d e + 19200a b d e - 6400a b d )x
--R
--R
              7 3 3
                       6 4 2
                                  5 5 2
--R
          (3200a b e - 9600a b d e + 9600a b d e - 3200a b d )x + 640a b e
--R
              7 3 2 6 4 2 5 5 3
--R
--R
          - 1920a b d e + 1920a b d e - 640a b d
--R
--R
--R
--R
        --R
     1
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 873
--S 874 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
```

```
--R
          5 +----+ +-+
--R
         3e \|- a e + b d \|b
--R
--R
                                                  1 2
                     2 +----+
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
--R
                                   b x + a
--R
--R
                           +-+ +----+
--R
         5 | 2
                          \|b \|e x + d
--R
       6e \|- a b e + b d atanh(-----)
                           +----+
--R
--R
                           \label{lem:ae+bd}
--R /
--R
--R
           3 2 3 2 4 2 5 3 | 2
--R
        (256a b e - 768a b d e + 768a b d e - 256b d )\|- a b e + b d
--R
        +----+ +-+
--R
--R
       \|- a e + b d \|b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 874
--S 875 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 875
--S 876 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                         +-+ +----+
         5 l 2
                        \|b \|e x + d
--R
--R
       3e \|a b e - b d atanh(-----)
                          +----+
--R
--R
                         \ |-ae+bd
--R
--R
                            2 +----+
--R
--R
         5 +----+ +-+
                            3e \|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
--R
                                 ae-bd
--R /
                                4 2 5 3 +----+ +-+
--R
           3 2 3
                   232
```

```
--R
         (128a b e - 384a b d e + 384a b d e - 128b d )\|- a e + b d \|b
--R
--R
         1 2
--R
--R
         \|a b e - b d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 876
--S 877 of 1618
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
    (7) 0
--R
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 877
)clear all
--S 878 of 1618
t0:=(d+e*x)^(1/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3
--R
--R
                                   +----+
--R
                                  \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
          6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
          b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 878
--S 879 of 1618
r0:=-7/128*e^5*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(3/2)*_
  (b*d-a*e)^(9/2))-1/5*sqrt(d+e*x)/(b*(a+b*x)^5)-1/40*e*_
  sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^4)+7/240*e^2*sqrt(d+e*x)/_
  (b*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)^3)-7/192*e^3*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)^3*_
  (a+b*x)^2+7/128*e^4*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)^4*(a+b*x))
--R.
--R
--R
     (2)
--R
                  5 5 5
                          454 2353 3252 45
--R
             - 105b e x - 525a b e x - 1050a b e x - 1050a b e x - 525a b e x
--R
--R.
                  5 5
            - 105a e
--R
--R
                 +-+ +----+
--R
--R
                \b \e x + d
--R
          atanh(-----)
                 +----+
--R
--R
                \|- a e + b d
```

```
--R
           4 4 4 3 4 4 3 3
--R
         105b e x + (490a b e - 70b d e )x
--R
--R
              2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
         (896a b e - 322a b d e + 56b d e )x
--R
             3 4 2 2 3
                                  3 2 2 4 3
--R
--R
         (790a b e - 578a b d e + 256a b d e - 48b d e)x - 105a e
--R
--R
             3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
         1210a b d e - 2104a b d e + 1488a b d e - 384b d
--R
--R
         +----+
--R
--R
         \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
--R
            4 6 4 3 7 3 2 8 2 2 9 3 10 4 5
--R
         (1920a b e - 7680a b d e + 11520a b d e - 7680a b d e + 1920b d )x
--R
--R
                      4 6 3 3 7 2 2 2 8 3
--R
            9600a b e - 38400a b d e + 57600a b d e - 38400a b d e
--R
--R
                9 4
--R
           9600a b d
--R
--R
           4
--R
          x
--R
                6 4 4 5 5 3 4 6 2 2 3 7 3
--R
--R
           19200a b e - 76800a b d e + 115200a b d e - 76800a b d e
--R
--R
                2 8 4
--R
          19200a b d
--R
--R
           3
--R
          x
--R
               7 3 4 6 4 3 5 5 2 2 4 6 3
--R
--R
           19200a b e - 76800a b d e + 115200a b d e - 76800a b d e
--R
--R
               3 7 4
           19200a b d
--R
--R.
--R
           2
--R
          x
--R
              8 2 4 7 3 3 6 4 2 2 5 5 3
--R
--R
           9600a b e - 38400a b d e + 57600a b d e - 38400a b d e
--R
--R
               4 6 4
```

```
--R
            9600a b d
--R
--R
          х
--R
           9 4 8 2 3 7 3 2 2 6 4 3 5 5 4
--R
--R
        1920a b e - 7680a b d e + 11520a b d e - 7680a b d e + 1920a b d
--R
--R
        +----+ +-+
       \|- a e + b d \|b
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 879
--S 880 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
              5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
--R
            105b e x + 525a b e x + 1050a b e x + 1050a b e x + 525a b e x
--R
--R
               5 5
--R
            105a e
--R
--R
                                                  1 2
--R
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                  bx + a
--R
              4 4 4 3 4 4 3 3
--R
--R
            210b e x + (980a b e - 140b d e)x
--R
                2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
            (1792a b e - 644a b d e + 112b d e )x
--R
--R
                        2 2 3 3 2 2
                                              4 3 4 4
--R
            (1580a b e - 1156a b d e + 512a b d e - 96b d e)x - 210a e
--R
--R
                   3 2222
                                       3 3 4 4
--R
            2420a b d e - 4208a b d e + 2976a b d e - 768b d
--R
--R
           +----+
           2 +----+
--R
--R
          --R
                 4 6 4 3 7 3 2 8 2 2 9 3
--R
--R
             3840a b e - 15360a b d e + 23040a b d e - 15360a b d e
--R
--R
                 10 4
```

```
--R
             3840b d
--R
--R
            5
--R
           X
--R
                  5 5 4 4 6 3 3 7 2 2 2 8 3
--R
--R
            19200a b e - 76800a b d e + 115200a b d e - 76800a b d e
--R
                  9 4
--R
             19200a b d
--R
--R
--R
            4
--R
            x
--R
--R
                 6 4 4 5 5 3 4 6 2 2 3 7 3
--R
             38400a b e - 153600a b d e + 230400a b d e - 153600a b d e
--R
--R
                2 8 4
--R
             38400a b d
--R
--R
--R
           x
--R
                7 3 4 6 4 3 5 5 2 2 4 6 3
--R
--R
             38400a b e - 153600a b d e + 230400a b d e - 153600a b d e
--R
--R
                  3 7 4
--R
             38400a b d
--R
--R
            2
--R
           X
--R
                 8 2 4 7 3 3 6 4 2 2 5 5 3
--R
--R
            19200a b e - 76800a b d e + 115200a b d e - 76800a b d e
--R
                 464
--R
             19200a b d
--R
--R
--R
--R
            9 4 8 2 3 7 3 2 2 6 4 3 5 5 4
--R
--R
         3840a b e - 15360a b d e + 23040a b d e - 15360a b d e + 3840a b d
--R
--R
         1 2
--R
--R
         \|- a b e + b d
--R
--R
              5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
--R
           105b e x + 525a b e x + 1050a b e x + 1050a b e x + 525a b e x
```

```
--R
            5 5
--R
--R
           105a e
--R
--R
              2 +----+
--R
--R
             \|a b e - b d \|e x + d
--R
          atan(-----)
                   ae-bd
--R
--R
--R
              4 4 4 3 4 4 3 3
           105b e x + (490a b e - 70b d e)x
--R
--R
               2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
           (896a b e - 322a b d e + 56b d e )x
--R
--R
              3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
            (790a b e - 578a b d e + 256a b d e - 48b d e)x - 105a e
--R
              3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
            1210a b d e - 2104a b d e + 1488a b d e - 384b d
--R
--R
           2 +----+
--R
--R
          \|a b e - b d \|e x + d
--R
                  4 6 4 3 7 3 2 8 2 2 9 3
--R
--R
              1920a b e - 7680a b d e + 11520a b d e - 7680a b d e
--R
--R
                  10 4
               1920b d
--R
--R
--R
            5
--R
           x
--R
                5 5 4 4 6 3 3 7 2 2 2 8 3
--R
--R
             9600a b e \, - 38400a b d e \, + 57600a b d e \, - 38400a b d e
--R
--R
                 9 4
--R
             9600a b d
--R
--R
--R
            x
--R
                 6 4 4 5 5 3 4 6 2 2 3 7 3
--R
             19200a b e - 76800a b d e + 115200a b d e - 76800a b d e
--R
--R
--R
                  2 8 4
             19200a b d
--R
--R
```

```
--R
            3
--R
            X
--R
                  7 3 4 6 4 3 5 5 2 2 4 6 3
--R
--R
             19200a b e - 76800a b d e + 115200a b d e - 76800a b d e
--R
--R
                  3 7 4
--R
             19200a b d
--R
--R
             2
--R
            X
--R
                 8 2 4 7 3 3 6 4 2 2 5 5 3
--R
--R
              9600a b e \, - 38400a b d e \, + 57600a b d e \, - 38400a b d e
--R
--R
                464
              9600a b d
--R
--R
--R
--R
             9 4 8 2 3 7 3 2 2 6 4 3 5 5 4
--R
--R
          1920a b e - 7680a b d e + 11520a b d e - 7680a b d e + 1920a b d
--R
--R
--R
         1 2
--R
         \|a b e - b d
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 880
--S 881 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
          5 +----+ +-+
--R
--R
         7e \|- a e + b d \|b
--R
--R
--R
                     2 +----+
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
         log(-----)
--R.
                                  b x + a
--R
          +----+
--R
                            +-+ +----+
          5 | 2
--R
                           14e \|- a b e + b d atanh(-----)
--R
                            +----+
--R
--R
                            \ |-ae+bd
--R /
```

```
4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
--R
        (256a b e - 1024a b d e + 1536a b d e - 1024a b d e + 256b d )
--R
--R
        2 +----+ +-+
--R
--R
        \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 881
--S 882 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 882
--S 883 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                          +-+ +----+
        5 | 2 \|b \|e x + d
--R
--R
        7e \|a b e - b d atanh(-----)
                           +----+
--R
--R
                          \label{lem:ae+bd}
--R
--R
                             2 +----+
--R
        5 +----+ +-+ \|a b e - b d \|e x + d
--R
--R
        7e \|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
                                  ae-bd
--R /
            4 4 3 2 3 2 3 2 2
--R
                                            4 3
        (128a b e - 512a b d e + 768a b d e - 512a b d e + 128b d )
--R
--R
--R
        +----- +-+ | 2
--R
        \|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 883
--S 884 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 884
```

```
)clear all
--S 885 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^(1/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3)
--R
--R
--R
              (1)
--R
--R
                6 6 5 5
                                                                 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6 +----+
--R
--R
              (b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a) | e x + d
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 885
--S 886 of 1618
r0:=63/128*e^5*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
       ((b*d-a*e)^(11/2)*sqrt(b))-1/5*sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)*(a+b*x)^5)+_
       9/40*e*sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)^2*(a+b*x)^4)-21/80*e^2*sqrt(d+e*x)/_
       ((b*d-a*e)^3*(a+b*x)^3)+21/64*e^3*sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)^4*_
        (a+b*x)^2-63/128*e^4*sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)^5*(a+b*x))
--R
--R
--R
              (2)
--R
                                                                                 4 5 4
                                                                                                                      2 3 5 3 3 2 5 2
                                                5 5 5
                                  - 315b e x - 1575a b e x - 3150a b e x - 3150a b e x
--R
--R
--R
                                                   4 5
                                                                          5 5
--R
                                  - 1575a b e x - 315a e
--R.
--R
                                             +-+ +----+
--R
                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                             atanh(-----)
--R
                                             +----+
--R
                                           \|- a e + b d
--R
--R
                                           4 4 4
                                                                                3 4
                                                                                                       4 3 3
--R
                                  315b e x + (1470a b e - 210b d e)x
--R
--R
                                                 2 2 4
                                                                                3 3
                                                                                                           4 2 2 2
--R
                                   (2688a b e - 966a b d e + 168b d e )x
--R
--R.
                                                                                2 2 3
                                                                                                                    3 2 2
                                                                                                                                                 4 3
--R.
                                   (2370a b e - 1734a b d e + 768a b d e - 144b d e)x + 965a e
--R
--R
                                                                                        2 2 2 2
                                                                                                                            3 3
--R
                                   - 1490a b d e + 1368a b d e - 656a b d e + 128b d
--R
                               +----+
--R
--R
```

```
--R /
--R
             5 5 5 4 6 4 3 7 2 3 2 8 3 2
--R
           640a b e - 3200a b d e + 6400a b d e - 6400a b d e
--R
--R
                9 4 10 5
--R
          3200a b d e - 640b d
--R
--R
--R
          x
--R
--R
               6 4 5 5 5 4 4 6 2 3 3 7 3 2
            3200a b e - 16000a b d e + 32000a b d e - 32000a b d e
--R
--R
--R
               284
                       9 5
--R
           16000a b d e - 3200a b d
--R
--R.
           4
--R
          x
--R
              7 3 5 6 4 4 5 5 2 3 4 6 3 2
--R
--R
           6400a b e - 32000a b d e + 64000a b d e - 64000a b d e
--R
--R
               3 7 4
                       2 8 5
--R
           32000a b d e - 6400a b d
--R
--R
           3
--R
          X
--R
               8 2 5 7 3 4 6 4 2 3 5 5 3 2
--R
--R
           6400a b e - 32000a b d e + 64000a b d e - 64000a b d e
--R
                4 6 4 3 7 5
--R
--R
           32000a b d e - 6400a b d
--R
--R
           2
--R
          x
--R
--R
              9 5 8 2 4 7 3 2 3 6 4 3 2
--R
            3200a b e - 16000a b d e + 32000a b d e - 32000a b d e
--R
               5 5 4 4 6 5
--R
--R
           16000a b d e - 3200a b d
--R.
--R
--R
          10 5 9 4 8 2 2 3 7 3 3 2 6 4 4
--R
--R
         640a e - 3200a b d e + 6400a b d e - 6400a b d e + 3200a b d e
--R
          5 5 5
--R
--R
         - 640a b d
```

```
--R
--R
       +----+ +-+
--R
       \|- a e + b d \|b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 886
--S 887 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
             5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2
--R
--R
           315b \ e \ x + 1575a \ b \ e \ x + 3150a \ b \ e \ x + 3150a \ b \ e \ x
--R
--R
              4 5 5 5
--R
          1575a b e x + 315a e
--R
--R
--R
                    2 +----+
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                 b x + a
--R
             4 4 4 3 4
                              4 3 3
--R
           630b e x + (2940a b e - 420b d e )x
--R
--R
                2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
           (5376a b e - 1932a b d e + 336b d e )x
--R
                3 4 2 2 3 3 2 2 4 3
--R
--R
            (4740a b e - 3468a b d e + 1536a b d e - 288b d e)x + 1930a e
--R
                3 3 2222 33 44
--R
--R
          - 2980a b d e + 2736a b d e - 1312a b d e + 256b d
--R
--R
           2 +----+
--R
--R
          --R
                5 5 5 4 6 4 3 7 2 3 2 8 3 2
--R
             1280a b e - 6400a b d e + 12800a b d e - 12800a b d e
--R
--R
                  9 4
--R
                       10 5
            6400a b d e - 1280b d
--R
--R
--R
--R
          x
--R
--R
```

```
--R
             6400a b e - 32000a b d e + 64000a b d e - 64000a b d e
--R
                  2 8 4 9 5
--R
--R
             32000a b d e - 6400a b d
--R
--R
--R
          X
--R
                 7 3 5 6 4 4 5 5 2 3 4 6 3 2
--R
            12800a b e - 64000a b d e + 128000a b d e - 128000a b d e
--R
--R
                 3 7 4
                         2 8 5
--R
             64000a b d e - 12800a b d
--R
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                 8 2 5 7 3 4 6 4 2 3 5 5 3 2
--R
            12800a b e - 64000a b d e + 128000a b d e - 128000a b d e
--R
                        3 7 5
--R
                464
--R
            64000a b d e - 12800a b d
--R
--R
            2
--R
            x
--R
             9 5 8 2 4 7 3 2 3 6 4 3 2
--R
--R
             6400a b e - 32000a b d e + 64000a b d e - 64000a b d e
--R
                 5 5 4 4 6 5
--R
             32000a b d e - 6400a b d
--R
--R
--R
--R
             10 5 9 4 8 2 2 3 7 3 3 2
--R
         1280a e - 6400a b d e + 12800a b d e - 12800a b d e
--R
--R
--R
             644 555
          6400a b d e - 1280a b d
--R
--R
--R
         1 2
--R
--R.
         \|- a b e + b d
--R
--R
              5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2
--R
--R
           315b e x + 1575a b e x + 3150a b e x + 3150a b e x
--R
              4 5 5 5
--R
--R
          1575a b e x + 315a e
```

```
--R
--R
--R
             2 +----+
--R
             \|a b e - b d \|e x + d
          atan(-----)
--R
               a e - b d
--R
--R
             4 4 4 3 4 4 3 3
--R
          315b e x + (1470a b e - 210b d e)x
--R
--R
                2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
           (2688a b e - 966a b d e + 168b d e )x
--R
                      2 2 3 3 2 2
--R
               3 4
                                            4 3
--R
           (2370a b e - 1734a b d e + 768a b d e - 144b d e)x + 965a e
--R
--R
               3 3 2222 33
--R
           - 1490a b d e + 1368a b d e - 656a b d e + 128b d
--R
--R
          2 +----+
--R
--R
          --R
--R
              5 5 5 4 6 4 3 7 2 3 2 8 3 2
             640a b e - 3200a b d e + 6400a b d e - 6400a b d e
--R
--R
                9 4 10 5
--R
--R
            3200a b d e - 640b d
--R
--R
            5
--R
          x
--R
                6 4 5 5 5 4 4 6 2 3 3 7 3 2
--R
--R
            3200a b e - 16000a b d e + 32000a b d e - 32000a b d e
--R
                 284 95
--R
--R
            16000a b d e - 3200a b d
--R
--R
            4
--R
           x
--R
                7 3 5 6 4 4 5 5 2 3 4 6 3 2
--R
--R
             6400a b e -32000a b d e +64000a b d e -64000a b d e
--R
                 3 7 4 2 8 5
--R
--R
             32000a b d e - 6400a b d
--R
--R
--R
           х
--R
```

```
8 2 5 7 3 4 6 4 2 3 5 5 3 2
--R
--R
             6400a b e -32000a b d e +64000a b d e -64000a b d e
--R
--R
                 4 6 4
                        3 7 5
--R
             32000a b d e - 6400a b d
--R
--R
            2
--R
          x
--R
                9 5 8 2 4 7 3 2 3 6 4 3 2
--R
--R
            3200a b e - 16000a b d e + 32000a b d e - 32000a b d e
--R
                 5 5 4
                        465
--R
             16000a b d e - 3200a b d
--R
--R
--R
           X
--R
--R
            10 5 9 4 8 2 2 3 7 3 3 2 6 4 4
--R
          640a e - 3200a b d e + 6400a b d e - 6400a b d e + 3200a b d e
--R
--R
             5 5 5
--R
          - 640a b d
--R
--R
         1 2
--R
--R
         \|a b e - b d
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 887
--S 888 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
          5 +----+ +-+
--R
--R
        63e \|- a e + b d \|b
--R
--R
--R
                    2 +----+
--R
          (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
        log(-----)
--R.
                                 b x + a
--R
           +----+
--R
                            +-+ +----+
          5 | 2
--R
                           126e \|- a b e + b d atanh(-----)
--R
--R
                            +----+
--R
                           \ |-ae+bd
--R /
```

```
5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
         256a e \, - 1280a b d e \, + 2560a b d e \, - 2560a b d e \, + 1280a b d e
--R
--R
              5 5
--R
        - 256b d
--R
--R
        2 +----+ +-+
--R
--R
        \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 888
--S 889 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 889
--S 890 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
          5 | 2
--R
                            \b \l x + d
--R
        63e \|a b e - b d atanh(-----)
--R
--R
                            \|- a e + b d
--R
--R
                               +----+
                              2 +----+
--R
          5 +----+ +-+ \|a b e - b d \|e x + d
--R
--R
        63e \|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
                                    ae-bd
--R /
                                3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
         128a e - 640a b d e + 1280a b d e - 1280a b d e + 640a b d e
--R
--R
--R
             5 5
         - 128b d
--R
--R
--R
        +----- +-+ | 2
--R
--R
        \|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 890
--S 891 of 1618
```

```
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 891
)clear all
--S 892 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3)
--R
--R
--R
     (1)
--R
--R /
--R
            6 7 5 6 6 2 4
--R
           b e x + (6a b e + b d)x + (15a b e + 6a b d)x
--R
--R
                       2 4 4
                                     4 2
                                               3 3 3
                                                          5
--R
           (20a b e + 15a b d)x + (15a b e + 20a b d)x + (6a b e + 15a b d)x
--R
--R
                  5
--R
           (a e + 6a b d)x + a d
--R
--R
          +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 892
--S 893 of 1618
r0:=693/128*e^5*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b)/_
   (b*d-a*e)^(13/2)-693/128*e^5/((b*d-a*e)^6*sqrt(d+e*x))+(-1/5)/_
   ((b*d-a*e)*(a+b*x)^5*sqrt(d+e*x))+11/40*e/((b*d-a*e)^2*(a+b*x)^4*_
  sqrt(d+e*x))-33/80*e^2/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)^3*sqrt(d+e*x))+_
  231/320*e^3/((b*d-a*e)^4*(a+b*x)^2*sqrt(d+e*x))-231/128*e^4/_
   ((b*d-a*e)^5*(a+b*x)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                               4 5 4
                                            2 3 5 3
             3465b e x + 17325a b e x + 34650a b e x + 34650a b e x
--R
--R.
--R.
                  4 5
                              5 5
             17325a b e x + 3465a e
--R
--R
                               +-+ +----+
--R
--R
           +-+ +----+
                              \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                               +----+
--R
```

```
--R
                     \|- a e + b d
--R
           5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
          - 3465b e x + (- 16170a b e - 1155b d e )x
--R
--R
                 2 3 5
                          4 4
                                   5 2 3 3
--R
         (- 29568a b e - 5544a b d e + 462b d e )x
--R
                3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
         (- 26070a b e - 10494a b d e + 2178a b d e - 264b d e )x
--R
                  4 5 3 2 4 2 3 2 3
--R
            - 10615a b e - 9680a b d e + 4026a b d e - 1232a b d e
--R
--R
--R
               5 4
--R
            176b d e
--R
--R
          x
--R
              5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
          - 1280a e - 4215a b d e + 3590a b d e - 2248a b d e + 816a b d e
--R
--R
--R
             5 5
--R
          - 128b d
--R
--R
         +----+
--R
        \|- a e + b d
--R /
--R
              6 5 6 5 6 5 4 7 2 4 3 8 3 3
--R
           640a b e - 3840a b d e + 9600a b d e - 12800a b d e
--R
               2 9 4 2 10 5 11 6
--R
--R
          9600a b d e - 3840a b d e + 640b d
--R
--R
          5
--R
          x
--R
              746 655 5624 4733
--R
           3200a b e - 19200a b d e + 48000a b d e - 64000a b d e
--R
--R
--R
               3 8 4 2 2 9 5
           48000a b d e - 19200a b d e + 3200a b d
--R
--R.
--R
--R
          x
--R
              8 3 6 7 4 5 6 5 2 4 5 6 3 3
--R
--R
           6400a b e - 38400a b d e + 96000a b d e - 128000a b d e
--R
--R
               4742 385 296
```

```
--R
            96000a b d e - 38400a b d e + 6400a b d
--R
--R
           3
--R
           x
--R
                9 2 6 8 3 5 7 4 2 4 6 5 3 3
--R
--R
            6400a b e - 38400a b d e + 96000a b d e - 128000a b d e
--R
                 5 6 4 2 4 7 5 3 8 6
--R
            96000a b d e - 38400a b d e + 6400a b d
--R
--R
--R
           2
--R
           x
--R
--R
               10 6 9 2 5 8 3 2 4 7 4 3 3
--R
            3200a b e - 19200a b d e + 48000a b d e - 64000a b d e
--R
--R
                6542 565 476
            48000a b d e - 19200a b d e + 3200a b d
--R
--R
--R
--R
           11 6 10 5 9 2 2 4 8 3 3 3 7 4 4 2
--R
--R
        640a e - 3840a b d e + 9600a b d e - 12800a b d e + 9600a b d e
--R
             6 5 5 5 6 6
--R
--R
         - 3840a b d e + 640a b d
--R
--R
        +----+
--R
       \|- a e + b d \|e x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 893
--S 894 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
               5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2
--R
--R
            3465b \ e \ x + 17325a \ b \ e \ x + 34650a \ b \ e \ x + 34650a \ b \ e \ x
--R
--R
                4 5 5 5
--R
           17325a b e x + 3465a e
--R
            +----+
--R
            l b +----+
--R
--R
           |- ---- \|e x + d
           --R
--R
```

```
--R
--R
                                                                          b +----+
--R
                                       (- 2a e + 2b d) |- ----- \ensuremath{\mbox{\sc left}}\ensuremath{\mbox{\sc left}}\
--R
                                                            \| ae-bd
--R
--R
                                                                                                 b x + a
--R
                                        5 5 5
                                                                              45 5 4 4
--R
                          - 6930b e x + (-32340a b e - 2310b d e)x
--R
--R
--R
                                             2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
                        (- 59136a b e - 11088a b d e + 924b d e )x
--R
--R
                                           3 2 5
                                                                 2 3 4 4 2 3
--R
                          (-52140a b e - 20988a b d e + 4356a b d e - 528b d e )x
--R
--R
                                                4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
                                  - 21230a b e - 19360a b d e + 8052a b d e - 2464a b d e
--R
--R
                                       5 4
--R
                                  352b d e
--R
--R
--R
--R
                               5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
                          - 2560a e - 8430a b d e + 7180a b d e - 4496a b d e + 1632a b d e
--R
--R
                                   5 5
--R
                          - 256b d
--R
                                               6 5 6 5 6 5 4 7 2 4 3 8 3 3
--R
--R
                                     1280a b e - 7680a b d e + 19200a b d e - 25600a b d e
--R
                                                    2 9 4 2 10 5 11 6
--R
--R
                                     19200a b d e - 7680a b d e + 1280b d
--R
--R
                                    5
--R
                                  x
--R
                                                7 4 6 6 5 5 5 6 2 4 4 7 3 3
--R
--R
                                       6400a b e - 38400a b d e + 96000a b d e - 128000a b d e
--R
--R
                                                   3 8 4 2 2 9 5 10 6
--R
                                       96000a b d e - 38400a b d e + 6400a b d
--R
--R
--R
                                  х
--R
                                                    8 3 6 7 4 5 6 5 2 4 5 6 3 3
--R
--R
                                       12800a b e \, - 76800a b d e \, + 192000a b d e \, - 256000a b d e
```

```
--R
              4742 385 296
--R
--R
            192000a b d e - 76800a b d e + 12800a b d
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                9 2 6 8 3 5
                                      7 4 2 4 6 5 3 3
--R
            12800a b e - 76800a b d e + 192000a b d e - 256000a b d e
--R
--R
--R
                 5 6 4 2 4 7 5 3 8 6
            192000a b d e - 76800a b d e + 12800a b d
--R
--R
--R
--R
           x
--R
               10 6 9 2 5 8 3 2 4 7 4 3 3
--R
--R
            6400a b e - 38400a b d e + 96000a b d e - 128000a b d e
--R
               6542 565 476
--R
--R
            96000a b d e - 38400a b d e + 6400a b d
--R
--R
--R
--R
           11 6 10 5 9 2 2 4 8 3 3 3
         1280a e - 7680a b d e + 19200a b d e - 25600a b d e
--R
--R
              7 4 4 2 6 5 5 5 6 6
--R
--R
         19200a b d e - 7680a b d e + 1280a b d
--R
--R
        +----+
--R
        \leq x + d
--R
--R
               5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2
--R
--R
          - 3465b e x - 17325a b e x - 34650a b e x - 34650a b e x
--R
--R
               4 5
          - 17325a b e x - 3465a e
--R
--R
--R
          l b +----+
--R
                                b\|e x + d
          --R.
--R
         \|a e - b d
--R
                                     l b
--R
                             (a e - b d) |----
--R
                                    \|a e - b d
--R
         5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
        -3465b e x + (-16170a b e -1155b d e)x
```

```
--R
           2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
        (- 29568a b e - 5544a b d e + 462b d e )x
--R
               3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
        (- 26070a b e - 10494a b d e + 2178a b d e - 264b d e )x
--R
                  4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
            - 10615a b e - 9680a b d e + 4026a b d e - 1232a b d e
--R
--R
--R
               5 4
            176b d e
--R
--R
--R
         X
--R
--R
            5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
         - 1280a e - 4215a b d e + 3590a b d e - 2248a b d e + 816a b d e
--R
--R
           5 5
--R
         - 128b d
--R
--R
               6 5 6 5 6 5 4 7 2 4 3 8 3 3
--R
             640a b e - 3840a b d e + 9600a b d e - 12800a b d e
--R
--R
                 2 9 4 2 10 5 11 6
--R
            9600a b d e - 3840a b d e + 640b d
--R
--R
            5
--R
          x
--R
                 7 4 6 6 5 5 5 6 2 4 4 7 3 3
--R
--R
            3200a b e - 19200a b d e + 48000a b d e - 64000a b d e
--R
                 3 8 4 2 2 9 5 10 6
--R
--R
             48000a b d e - 19200a b d e + 3200a b d
--R
--R
--R
            x
--R
                8 3 6 7 4 5 6 5 2 4 5 6 3 3
--R
--R
             6400a b e - 38400a b d e + 96000a b d e - 128000a b d e
--R
--R.
                4742 385 296
--R
             96000a b d e - 38400a b d e + 6400a b d
--R
--R
            3
--R
           x
--R
                 9 2 6 8 3 5 7 4 2 4 6 5 3 3
--R
--R
             6400a b e -38400a b d e +96000a b d e -128000a b d e
```

```
--R
                   5 6 4 2 4 7 5 3 8 6
--R
--R
              96000a b d e - 38400a b d e + 6400a b d
--R
--R
             2
--R
            x
--R
                 10 6 9 2 5 8 3 2 4 7 4 3 3
--R
              3200a b e - 19200a b d e + 48000a b d e - 64000a b d e
--R
--R
                   6 5 4 2 5 6 5 4 7 6
--R
              48000a b d e - 19200a b d e + 3200a b d
--R
--R
--R
--R
--R
             11 6 10 5 9 2 2 4 8 3 3 3
--R
           640a e - 3840a b d e + 9600a b d e - 12800a b d e
--R
--R
               7 4 4 2 6 5 5 5 6 6
--R
           9600a b d e - 3840a b d e + 640a b d
--R
--R
          +----+
--R
         --R
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 894
--S 895 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
             5 +----- b
--R
         693e \|- a e + b d |- -----
                        \| a e - b d
--R
--R
--R
                          +----+
                         l b
--R
             (- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                        \| a e - b d
--R
--R.
                                 b x + a
--R
                       +-+ +----+
--R
--R
             5 +-+
                      \b \ \ \ x + d
        - 1386e \|b atanh(-----)
--R
                       +----+
--R
--R
                      \|- a e + b d
--R /
```

```
6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
--R
         256a e \, - 1536a b d e \, + 3840a b d e \, - 5120a b d e \, + 3840a b d e
       5 5 6 6
--R
--R
--R
        - 1536a b d e + 256b d
--R
--R
        +----+
--R
        \|- a e + b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 895
--S 896 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 896
--S 897 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
        5 +-+ \|b \|e x + d
--R
       - 693e \|b atanh(-----)
--R
--R
--R
                     \|- a e + b d
--R
--R
                        +----+
         +----+ +----+
5 +----+ | b b\|e x + d
--R
--R
        - 693e \|- a e + b d |------)
                        \|a e - b d
--R
--R
                                              l b
                                      (a e - b d) |----
--R
--R
                                              \|a e - b d
--R /
           6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
         128a e - 768a b d e + 1920a b d e - 2560a b d e + 1920a b d e
--R
--R
--R
               5 5 6 6
--R
        - 768a b d e + 128b d
--R
        +----+
--R
--R
        \|- a e + b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 897
--S 898 of 1618
```

```
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 898
)clear all
--S 899 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3)
--R
--R
--R
     (1)
--R
       1
--R /
--R
            6 2 8 5 2 6
                                   7 242
                                                       5 626
--R
           b e x + (6a b e + 2b d e)x + (15a b e + 12a b d e + b d )x
--R
--R
               3 3 2
                       2 4
--R
           (20a b e + 30a b d e + 6a b d)x
--R
--R
               4 2 2
                     3 3
                                    2 4 2 4
--R
           (15a b e + 40a b d e + 15a b d )x
--R
                      4 2 3 3 2 3 6 2 5 4 2 2 2
--R
--R
           (6a b e + 30a b d e + 20a b d )x + (a e + 12a b d e + 15a b d )x
--R
--R
                    5 2
                               6 2
--R.
           (2a d e + 6a b d)x + a d
--R
          +----+
--R
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 899
--S 900 of 1618
\texttt{r0:=-1001/128*e^5/((b*d-a*e)^6*(d+e*x)^(3/2))+(-1/5)/((b*d-a*e)*(a+b*x)^5*\_}
   (d+e*x)^(3/2)+13/40*e/((b*d-a*e)^2*(a+b*x)^4*(d+e*x)^(3/2))-_
  143/240*e^2/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)^3*(d+e*x)^(3/2))+429/320*_
  e^3/((b*d-a*e)^4*(a+b*x)^2*(d+e*x)^(3/2))-3003/640*e^4/_
   ((b*d-a*e)^5*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2))+3003/128*b^(3/2)*e^5*_
  a tanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b*d-a*e)^(15/2)-_
  3003/128*b*e^5/((b*d-a*e)^7*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                      5 6
            -45045b e x + (-225225a b e -45045b d e)x
--R
--R.
```

```
2 4 6 5 5 4
--R
--R
           (-450450a b e - 225225a b d e)x
--R
--R
                  3 3 6
                            2 4 5 3
--R
          (- 450450a b e - 450450a b d e )x
--R
                  4 2 6 3 3 5 2
--R
--R
          (- 225225a b e - 450450a b d e )x
--R
--R
                5 6
                           425
--R
          (- 45045a b e - 225225a b d e )x - 45045a b d e
--R
                         +-+ +----+
--R
         +-+ +----+
--R
                       \b \leq x + d
--R
         \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                         +----+
--R
                         \|- a e + b d
--R
--R
              6 6 6
                            5 6 6 5 5
--R
          45045b e x + (210210a b e + 60060b d e)x
--R
--R
                2 4 6 5 5 6 2 4 4
           (384384a b e + 282282a b d e + 9009b d e)x
--R
--R
--R
                      2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
                3 3 6
--R
          (338910a b e + 520806a b d e + 43758a b d e - 2574b d e )x
--R
--R
                  4 2 6 3 3 5 2 4 2 4
--R
             137995a b e + 464750a b d e + 84084a b d e - 12298a b d e
--R
--R
                 6 4 2
--R
             1144b d e
--R
--R
--R
           x
--R
                 5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
             16640a b e + 192790a b d e + 79170a b d e - 23114a b d e
--R
--R
                  5 4 2
                           6 5
--R
             5408a b d e - 624b d e
--R
--R
            X
--R
               6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
          - 1280a e + 24320a b d e + 35595a b d e - 21070a b d e
--R
--R
--R
                        5 5
               2 4 4 2
          10024a b d e - 2928a b d e + 384b d
--R
--R
```

```
--R
--R
         \|- a e + b d
--R /
               7 5 8 6 6 7 5 7 2 6 4 8 3 5
--R
--R
           1920a b e - 13440a b d e + 40320a b d e - 67200a b d e
--R
                3 9 4 4 2 10 5 3 11 6 2 12 7
--R
--R
          67200a b d e - 40320a b d e + 13440a b d e - 1920b d e
--R
--R
          6
--R
          X
--R
               8 4 8 7 5 7 6 6 2 6 5 7 3 5
--R
--R
           9600a b e - 65280a b d e + 188160a b d e - 295680a b d e
--R
--R
                4 8 4 4 3 9 5 3 2 10 6 2
--R
            268800a b d e - 134400a b d e + 26880a b d e + 3840a b d e
--R
--R
               12 8
--R
          - 1920b d
--R
--R
           5
--R
          х
--R
                9 3 8 8 4 7 7 5 2 6 6 6 3 5
--R
           19200a b e - 124800a b d e + 336000a b d e - 470400a b d e
--R
--R
--R
                5 7 4 4 4 8 5 3 3 9 6 2 2 10 7
--R
            336000a b d e -67200a b d e -67200a b d e +48000a b d e
--R
--R
                  11 8
--R
          - 9600a b d
--R
--R
--R
          x
--R
--R
               10 2 8 9 3 7 8 4 2 6
                                                  7 5 3 5
--R
           19200a b e - 115200a b d e + 268800a b d e - 268800a b d e
--R
--R
                5 7 5 3
                          4 8 6 2
                                         3 9 7
--R
            268800a b d e - 268800a b d e + 115200a b d e - 19200a b d
--R
--R
           3
--R
          х
--R
               11 8 10 2 7 9 3 2 6 8 4 3 5
--R
--R
           9600a b e - 48000a b d e + 67200a b d e + 67200a b d e
--R
                  7544 6653 5762 487
--R
--R
            -336000a b d e +470400a b d e -336000a b d e +124800a b d e
```

```
--R
                 3 9 8
--R
--R
          - 19200a b d
--R
--R
           2
--R
          x
--R
              12 8 11 7 10 2 2 6 9 3 3 5
--R
          1920a e - 3840a b d e - 26880a b d e + 134400a b d e
--R
--R
                 8 4 4 4 7 5 5 3 6 6 6 2 5 7 7
--R
           - 268800a b d e + 295680a b d e - 188160a b d e + 65280a b d e
--R
--R
--R
               488
--R
           - 9600a b d
--R
--R
          X
--R
           12 7 11 2 6 10 2 3 5 9 3 4 4
--R
--R
        1920a d e - 13440a b d e + 40320a b d e - 67200a b d e
--R
--R
             8 4 5 3 7 5 6 2 6 6 7 5 7 8
--R
        67200a b d e -40320a b d e +13440a b d e -1920a b d
--R
--R
       +----+
--R
       --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 900
--S 901 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
               666 56 655
--R
--R
           45045b e x + (225225a b e + 45045b d e)x
--R
                         5 5 4
                2 4 6
--R
--R
           (450450a b e + 225225a b d e)x
--R
                3 3 6 2 4 5 3
--R
--R.
           (450450a b e + 450450a b d e)x
--R
--R
                4 2 6 3 3 5 2 5 6 4 2 5
           (225225a b e + 450450a b d e)x + (45045a b e + 225225a b d e)x
--R
--R
--R
               5 5
--R
           45045a b d e
--R
```

```
--R
          b +----+
--R
--R
          |- ----- \|e x + d
--R
          \label{lambda} \ a e - b d
--R
--R
                      l b +----+
--R
--R
             --R
                     \ \ \ \  a e - b d
--R
--R
                               b x + a
--R
         6 6 6 5 6
                               6 5 5
--R
--R
        90090b e x + (420420a b e + 120120b d e)x
--R
--R
             2 4 6
                     5 5 6 2 4 4
--R
        (768768a b e + 564564a b d e + 18018b d e)x
--R
--R
             3 3 6
                        2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
        (677820a b e + 1041612a b d e + 87516a b d e - 5148b d e )x
--R
               4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
--R
--R
           275990a b e + 929500a b d e + 168168a b d e - 24596a b d e
--R
--R
            6 4 2
--R
          2288b d e
--R
--R
--R
          x
--R
              5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
           33280a b e + 385580a b d e + 158340a b d e - 46228a b d e
--R
                5 4 2 6 5
--R
--R
          10816a b d e - 1248b d e
--R
--R
--R
            6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
--R
        - 2560a e + 48640a b d e + 71190a b d e - 42140a b d e
--R
--R
            2 4 4 2 5 5 6 6
--R
        20048a b d e - 5856a b d e + 768b d
--R
               7 5 8 6 6 7 5 7 2 6 4 8 3 5
--R
--R
             3840a b e - 26880a b d e + 80640a b d e - 134400a b d e
--R
                          2 10 5 3 11 6 2 12 7
--R
             134400a b d e - 80640a b d e + 26880a b d e - 3840b d e
--R
--R
```

```
--R
            6
--R
           x
--R
                  8 4 8 7 5 7 6 6 2 6 5 7 3 5
--R
--R
             19200a b e - 130560a b d e + 376320a b d e - 591360a b d e
--R
                   4 8 4 4 3 9 5 3 2 10 6 2 11 7
--R
--R
             537600a b d e - 268800a b d e + 53760a b d e + 7680a b d e
--R
                  12 8
--R
--R
             - 3840b d
--R
--R
             5
--R
            x
--R
--R
                 9 3 8 8 4 7 7 5 2 6 6 6 3 5
--R
              38400a b e \, - 249600a b d e \, + 672000a b d e \, - 940800a b d e
--R
                            4 8 5 3 3 9 6 2 2 10 7
--R
                   5 7 4 4
--R
              672000a b d e - 134400a b d e - 134400a b d e + 96000a b d e
--R
--R
                    11 8
              - 19200a b d
--R
--R
--R
             4
--R
--R
                  10 2 8 9 3 7 8 4 2 6 7 5 3 5
--R
--R
              38400a b e - 230400a b d e + 537600a b d e - 537600a b d e
--R
                   5 7 5 3 4 8 6 2 3 9 7
--R
--R
              537600a b d e - 537600a b d e + 230400a b d e - 38400a b d
--R
--R
             3
--R
            x
--R
                 11 8 10 2 7 9 3 2 6
--R
--R
             19200a b e - 96000a b d e + 134400a b d e + 134400a b d e
--R
--R
                     7 5 4 4
                             6 6 5 3
--R
              - 672000a b d e + 940800a b d e - 672000a b d e
--R
--R
                  4 8 7
                          3 9 8
             249600a b d e - 38400a b d
--R
--R
--R
             2
--R
            х
--R
                 12 8 11 7 10 2 2 6 9 3 3 5
--R
              3840a e - 7680a b d e - 53760a b d e + 268800a b d e
--R
```

```
--R
                  8 4 4 4 7 5 5 3 6 6 6 2
--R
--R
            - 537600a b d e + 591360a b d e - 376320a b d e
--R
                 5 7 7 4 8 8
--R
--R
            130560a b d e - 19200a b d
--R
--R
--R
             12 7 11 26 10235 9344
--R
--R
          3840a d e - 26880a b d e + 80640a b d e - 134400a b d e
--R
              8 4 5 3 7 5 6 2 6 6 7 5 7 8
--R
--R
          134400a b d e - 80640a b d e + 26880a b d e - 3840a b d
--R
--R
--R
        \leq x + d
--R
--R
               666 56 655
--R
--R
           45045b e x + (225225a b e + 45045b d e)x
--R
                2 4 6 5 5 4
--R
           (450450a b e + 225225a b d e )x
--R
--R
                3 3 6 2 4 5 3
--R
--R
           (450450a b e + 450450a b d e)x
--R
                4 2 6 3 3 5 2 5 6 4 2 5
--R
--R
           (225225a b e + 450450a b d e)x + (45045a b e + 225225a b d e)x
--R
              5 5
--R
--R
          45045a b d e
--R
--R
           | b +----+ b\|e x + d
--R
           |----- \| e x + d atan(-----)
--R
--R
          \|a e - b d
--R
                              (a e - b d) |----
--R
--R
                                      \|a e - b d
--R
                    56 6 5 5
--R
           6 6 6
--R
        45045b e x + (210210a b e + 60060b d e)x
--R
--R
              2 4 6
                         5 5 6 2 4 4
--R
        (384384a b e + 282282a b d e + 9009b d e )x
--R
              3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
         (338910a b e + 520806a b d e + 43758a b d e - 2574b d e )x
--R
```

```
--R
             4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
--R
--R
           137995a b e + 464750a b d e + 84084a b d e - 12298a b d e
--R
--R
               6 4 2
--R
          1144b d e
--R
--R
--R
          x
--R
--R
                5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
            16640a b e + 192790a b d e + 79170a b d e - 23114a b d e
--R
                5 4 2 6 5
--R
--R
           5408a b d e - 624b d e
--R
--R
--R
             6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
--R
         - 1280a e + 24320a b d e + 35595a b d e - 21070a b d e
--R
--R
             2 4 4 2 5 5 6 6
         10024a b d e - 2928a b d e + 384b d
--R
--R
--R
                758 667 5726 4835
--R
             1920a b e - 13440a b d e + 40320a b d e - 67200a b d e
--R
--R
                  3 9 4 4 2 10 5 3 11 6 2 12 7
--R
             67200a b d e - 40320a b d e + 13440a b d e - 1920b d e
--R.
--R
            6
--R
           X
--R
                848 75 7 6626 5735
--R
--R
             9600a b e - 65280a b d e + 188160a b d e - 295680a b d e
--R
                  4 8 4 4 3 9 5 3 2 10 6 2 11 7
--R
--R
             268800a b d e \, - 134400a b d e \, + 26880a b \, d e \, + 3840a b \, d e
--R
--R
                  12 8
--R
             - 1920b d
--R
--R.
            5
--R
            X
--R
                  9 3 8 8 4 7 7 5 2 6
--R
                                                      6 6 3 5
--R
             19200a b e - 124800a b d e + 336000a b d e - 470400a b d e
--R
                  5 7 4 4 4 8 5 3 3 9 6 2 2 10 7
--R
--R
             336000a b d e \, - 67200a b d e \, - 67200a b d e \, + 48000a b \, d e
```

```
--R
                 11 8
--R
--R
             - 9600a b d
--R
--R
--R
--R
                             9 3 7 8 4 2 6
--R
             19200a b e - 115200a b d e + 268800a b d e - 268800a b d e
--R
--R
--R
                   5 7 5 3 4 8 6 2 3 9 7
              268800a b d e \, - 268800a b d e \, + 115200a b d e \, - 19200a b \, d
--R
--R
--R
             3
--R
            х
--R
--R
                11 8 10 2 7 9 3 2 6 8 4 3 5
--R
             9600a b e - 48000a b d e + 67200a b d e + 67200a b d e
--R
                    7544 6653 5762
--R
--R
              - 336000a b d e + 470400a b d e - 336000a b d e
--R
--R
                  487 398
--R
             124800a b d e - 19200a b d
--R
--R
             2
--R
            X
--R
--R
                 12 8 11 7 10 2 2 6 9 3 3 5
--R
             1920a e - 3840a b d e - 26880a b d e + 134400a b d e
--R
                    8 4 4 4 7 5 5 3 6 6 6 2 5 7 7
--R
--R
              - 268800a b d e + 295680a b d e - 188160a b d e + 65280a b d e
--R
--R
                 488
              - 9600a b d
--R
--R
--R
--R
              12 7 11 2 6 10 2 3 5 9 3 4 4
--R
--R
          1920a de - 13440a b de + 40320a b de - 67200a b de
--R
--R.
              8 4 5 3 7 5 6 2 6 6 7 5 7 8
--R
          67200a b d e - 40320a b d e + 13440a b d e - 1920a b d
--R
--R
          +----+
--R
         --R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 901
```

```
--S 902 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
            +----+
5 +----+ | b
--R
--R
        3003b e \|- a e + b d |- -----
--R
                        \| a e - b d
--R
--R
                      +----+
--R
                      | b +----+
--R
           --R
--R
             \| a e - b d
--R
--R
                              b x + a
--R
--R
                    +-+ +----+
           --R
--R
       6006b e \|b atanh(-----)
                    +----+
--R
--R
                    \|- a e + b d
--R /
--R
          77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3
        256a e - 1792a b d e + 5376a b d e - 8960a b d e + 8960a b d e
--R
--R
             2552 66 77
--R
--R
        - 5376a b d e + 1792a b d e - 256b d
--R
       +----+
--R
       \|- a e + b d
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 902
--S 903 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 903
--S 904 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
                    +-+ +----+
          5 +-+ \|b \|e x + d
--R
```

```
3003b e \|b atanh(-----)
--R
--R
--R
                     \|- a e + b d
--R
                        +----+
--R
             5 +----- b
--R
                                         b\|e x + d
--R
       3003b e \|- a e + b d |------ atan(-----)
--R
                        \|a e - b d
--R
                                              l b
                                      (a e - b d) |-----
--R
--R
                                              \|a e - b d
--R /
          77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3
--R
--R
         128a e - 896a b d e + 2688a b d e - 4480a b d e + 4480a b d e
--R
--R
             2552 66 77
--R
        - 2688a b d e + 896a b d e - 128b d
--R
--R
        +----+
       \|- a e + b d
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 904
--S 905 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 905
)clear all
--S 906 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^{(7/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^3)
--R
--R
--R (1)
--R
    1
--R /
         639 53 6 28 243 5 2 62 7
--R
--R
        b e x + (6a b e + 3b d e )x + (15a b e + 18a b d e + 3b d e)x
--R.
           3 3 3 2 4 2 5 2 6 3 6
--R
--R
        (20a b e + 45a b d e + 18a b d e + b d )x
--R
--R
           4 2 3 3 3 2 2 4 2 5 3 5
--R
        (15a b e + 60a b d e + 45a b d e + 6a b d )x
--R
         5 3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4
--R
```

```
--R
           (6a b e + 45a b d e + 60a b d e + 15a b d)x
--R
--R
                  5
                        2
                               4 2 2
                                         3 3 3 3
            6 3
--R
           (a e + 18a b d e + 45a b d e + 20a b d)x
--R
--R
             6 2
                     5 2
                                  4 2 3 2
                                             6 2
                                                     5 3
--R
          (3a d e + 18a b d e + 15a b d)x + (3a d e + 6a b d)x + a d
--R
         +----+
--R
--R
         \ | e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 906
--S 907 of 1618
r0:=-9009/640*e^5/((b*d-a*e)^6*(d+e*x)^(5/2))+(-1/5)/((b*d-a*e)*_
   (a+b*x)^5*(d+e*x)^(5/2))+3/8*e/((b*d-a*e)^2*(a+b*x)^4*_
   (d+e*x)^(5/2))-13/16*e^2/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)^3*(d+e*x)^(5/2))+_
  143/64*e^3/((b*d-a*e)^4*(a+b*x)^2*(d+e*x)^(5/2))-1287/128*_
  e^4/((b*d-a*e)^5*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2))-3003/128*b*e^5/_
   ((b*d-a*e)^7*(d+e*x)^(3/2))+9009/128*b^(5/2)*e^5*atanh(sqrt(b)*_
  sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b*d-a*e)^(17/2)-9009/128*b^2*_
  e^5/((b*d-a*e)^8*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
                  7 7 7 6 7 7 6 6
--R
--R
            45045b e x + (225225a b e + 90090b d e)x
--R
--R
                    2 5 7
                                  6
                                            7 2 5 5
                                      6
--R.
            (450450a b e + 450450a b d e + 45045b d e)x
--R
                                 2 5 6
--R
                    3 4 7
                                                  6 2 5 4
--R
            (450450a b e + 900900a b d e + 225225a b d e)x
--R
--R
                    4 3 7
                                 3 4 6
                                                2 5 2 5 3
--R
            (225225a b e + 900900a b d e + 450450a b d e )x
--R
--R
                   5 2 7
                               4 3 6
                                                3 4 2 5 2
--R
            (45045a b e + 450450a b d e + 450450a b d e)x
--R
--R
                   5 2 6
                                 4 3 2 5
            (90090a b d e + 225225a b d e)x + 45045a b d e
--R
--R.
--R
                             +-+ +----+
--R
           +-+ +----+
                             \b \leq x + d
          \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                             +----+
--R
--R
                             \ |-ae+bd
--R
--R
                   7 7 7
                                      6 7
                                                7 6 6
```

```
--R
          -45045b e x + (-210210a b e -105105b d e)x
--R
                  2 5 7 6 6 7 2 5 5
--R
--R
          (- 384384a b e - 492492a b d e - 69069b d e )x
--R
                                           6 2 5 7 3 4 4
--R
                  3 4 7
                             2 5 6
--R
          (- 338910a b e - 905190a b d e - 326040a b d e - 6435b d e )x
--R
                    4 3 7 3 4 6 2 5 2 5 6 3 4
--R
--R
             - 137995a b e - 803660a b d e - 604890a b d e - 31460a b d e
--R
                7 4 3
--R
--R
             1430b d e
--R
--R
            3
--R
           x
--R
--R
                   5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4
--R
             - 16640a b e - 330785a b d e - 543920a b d e - 60970a b d e
--R
--R
                  6 4 3 7 5 2
             6890a b d e - 520b d e
--R
--R
--R
             2
--R
            X
--R
                 6 7 5 2 6 4 3 2 5 3 4 3 4
--R
--R
             1280a b e - 40960a b d e - 228385a b d e - 58100a b d e
--R
--R
                  2 5 4 3 6 5 2 7 6
--R
             13090a b d e - 2480a b d e + 240b d e
--R
--R
--R
              7 7 6 6
                                   5 2 2 5 4 3 3 4
--R
          - 256a e + 3072a b d e - 29696a b d e - 26635a b d e
--R
--R
                                   6 6
--R
               3 4 4 3 2 5 5 2
--R
          12110a b d e - 4648a b d e + 1136a b d e - 128b d
--R
--R
          +----+
--R
         \|- a e + b d
--R /
--R.
              8 5 10 7 6 9 6 7 2 8 5 8 3 7
--R
            640a b e - 5120a b d e + 17920a b d e - 35840a b d e
--R
               4 9 4 6 3 10 5 5 2 11 6 4 12 7 3
--R
--R
            44800a b d e - 35840a b d e + 17920a b d e - 5120a b d e
--R
--R
              13 8 2
```

```
--R
          640b d e
--R
--R
          7
--R
          X
--R
               9 4 10 8 5 9 7 6 2 8 6 7 3 7
--R
--R
           3200a b e - 24320a b d e + 79360a b d e - 143360a b d e
--R
               5 8 4 6 4 9 5 5 3 10 6 4 2 11 7 3
--R
--R
           152320a b d e - 89600a b d e + 17920a b d e + 10240a b d e
--R
                         13 9
--R
                 12 8 2
           - 7040a b d e + 1280b d e
--R
--R
--R
          6
--R
          х
--R
--R
              10 3 10 9 4 9 8 5 2 8 7 6 3 7
--R
           6400a b e -44800a b d e +128640a b d e -184320a b d e
--R
--R
               6746 5855
                                       4 9 6 4
           107520a b d e + 53760a b d e - 134400a b d e + 92160a b d e
--R
--R
--R
                 2 11 8 2 12 9 13 10
--R
           - 26880a b d e + 1280a b d e + 640b d
--R
--R
          5
--R
          x
--R
              --R
--R
           6400a b e - 38400a b d e + 80000a b d e - 25600a b d e
--R
                 7 6 4 6 6 7 5 5 5 8 6 4
--R
--R
           - 179200a b d e + 358400a b d e - 313600a b d e + 128000a b d e
--R
                3 10 8 2
                           2 11 9
--R
--R
          - 6400a b d e - 12800a b d e + 3200a b d
--R
--R
           4
--R
          x
--R
--R
              12 10 11 2 9 10 3 2 8
                                               9437
--R
           3200a b e - 12800a b d e - 6400a b d e + 128000a b d e
--R
                8546 7655 6764 5873
--R
--R
           - 313600a b d e + 358400a b d e - 179200a b d e - 25600a b d e
--R
                        3 10 9 2 11 10
--R
               4 9 8 2
           80000a b d e - 38400a b d e + 6400a b d
--R
--R
```

```
--R
          3
--R
         X
--R
              13 10 12 9 11 2 2 8 10 3 3 7
--R
--R
           640a e + 1280a b d e - 26880a b d e + 92160a b d e
--R
                  9 4 4 6 8 5 5 5 7 6 6 4 6 7 7 3
--R
--R
           - 134400a b d e + 53760a b d e + 107520a b d e - 184320a b d e
--R
--R
               5882
                           499
                                      3 10 10
--R
           128640a b d e - 44800a b d e + 6400a b d
--R
--R
--R
          x
--R
--R
              13 9 12 28 11 2 3 7 10 3 4 6
--R
           1280a de - 7040a bde + 10240a bde + 17920a bde
--R
                 9 4 5 5 8 5 6 4
                                      7 6 7 3 6 7 8 2
--R
--R
           - 89600a b d e + 152320a b d e - 143360a b d e + 79360a b d e
--R
                 5 8 9 4 9 10
--R
--R
           - 24320a b d e + 3200a b d
--R
--R
--R
          13 2 8 12 3 7 11 2 4 6 10 3 5 5
--R
--R
        640a de - 5120a b de + 17920a b de - 35840a b de
--R
--R
          9 4 6 4 8 5 7 3 7 6 8 2 6 7 9 5 8 10
--R
       44800a b d e - 35840a b d e + 17920a b d e - 5120a b d e + 640a b d
--R
--R
       +----+
--R
       --R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 907
--S 908 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
               777
                            6 7 7 6 6
           45045b e x + (225225a b e + 90090b d e)x
--R
--R
                257 66 7255
--R
--R
           (450450a b e + 450450a b d e + 45045b d e)x
--R
--R
                 3 4 7
                            2 5 6 6 2 5 4
```

```
--R
           (450450a b e + 900900a b d e + 225225a b d e)x
--R
                 4 3 7 3 4 6 2 5 2 5 3
--R
--R
           (225225a b e + 900900a b d e + 450450a b d e )x
--R
                5 2 7 4 3 6
--R
                                        3 4 2 5 2
--R
           (45045a b e + 450450a b d e + 450450a b d e )x
--R
                5 2 6 4 3 2 5 5 2 2 5
--R
           (90090a b d e + 225225a b d e)x + 45045a b d e
--R
--R
--R
--R
           |- ----- \|e x + d
--R
--R
          --R
--R
                         +----+
--R
                        | b +----+
             (-2a e + 2b d) |-----| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                       \| a e - b d
--R
--R
                             b x + a
--R
--R
             777 67 766
         -90090b e x + (-420420a b e -210210b d e)x
--R
--R
               257 66 7255
--R
--R
        (- 768768a b e - 984984a b d e - 138138b d e )x
--R
                3 4 7 2 5 6 6 2 5 7 3 4 4
--R
        (-677820a b e - 1810380a b d e - 652080a b d e - 12870b d e )x
--R
--R
                         3 4 6 2 5 2 5 6 3 4
--R
                  4 3 7
--R
           - 275990a b e - 1607320a b d e - 1209780a b d e - 62920a b d e
--R
--R
              7 4 3
--R
          2860b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                 5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4
--R
--R
           - 33280a b e - 661570a b d e - 1087840a b d e - 121940a b d e
--R
--R
                 6 4 3 7 5 2
--R
           13780a b d e - 1040b d e
--R
--R
          2
--R
          х
--R
```

```
6 7 5 2 6 4 3 2 5 3 4 3 4
--R
            2560a b e -81920a b d e -456770a b d e -116200a b d e
--R
--R
--R
                2 5 4 3 6 5 2
                                    7 6
            26180a b d e - 4960a b d e + 480b d e
--R
--R
--R
--R
            77 6 6 5225 4334
--R
--R
         - 512a e + 6144a b d e - 59392a b d e - 53270a b d e
--R
            3 4 4 3 2 5 5 2
--R
                                 6 6
         24220a b d e - 9296a b d e + 2272a b d e - 256b d
--R
--R
--R
               8 5 10
                        7696728
                                                   5837
--R
             1280a b e - 10240a b d e + 35840a b d e - 71680a b d e
--R
--R
                4 9 4 6 3 10 5 5 2 11 6 4
                                                    12 7 3
--R
             89600a b d e - 71680a b d e + 35840a b d e - 10240a b d e
--R
                13 8 2
--R
            1280b d e
--R
--R
--R
            7
--R
           x
--R
                 9 4 10 8 5 9 7 6 2 8 6 7 3 7
--R
--R
             6400a b e - 48640a b d e + 158720a b d e - 286720a b d e
--R
                  5 8 4 6 4 9 5 5 3 10 6 4 2 11 7 3
--R
--R
             304640a b d e - 179200a b d e + 35840a b d e + 20480a b d e
--R
--R
                    12 8 2
                              13 9
--R
            - 14080a b d e + 2560b d e
--R
--R
            6
--R
          X
--R
                 10 3 10 9 4 9 8 5 2 8 7 6 3 7
--R
--R
             12800a b e - 89600a b d e + 257280a b d e - 368640a b d e
--R
                  6 7 4 6
--R
                           5855 4964
--R.
             215040a b d e + 107520a b d e - 268800a b d e
--R
--R
                  3 10 7 3 2 11 8 2 12 9 13 10
--R
             184320a b d e - 53760a b d e + 2560a b d e + 1280b d
--R
--R
            5
--R
          x
--R
```

```
--R
             12800a b e \, - 76800a b d e \, + 160000a b d e \, - 51200a b d e
--R
--R
--R
                    7 6 4 6 6 7 5 5
                                          5864
             - 358400a b d e + 716800a b d e - 627200a b d e
--R
--R
                  4 9 7 3 3 10 8 2 2 11 9 12 10
--R
             256000a b d e - 12800a b d e - 25600a b d e + 6400a b d
--R
--R
--R
--R
           X
--R
                12 10 11 2 9 10 3 2 8 9 4 3 7
--R
--R
             6400a b e - 25600a b d e - 12800a b d e + 256000a b d e
--R
--R
                   8 5 4 6
                            7655 6764
--R
             - 627200a b d e + 716800a b d e - 358400a b d e
--R
                              4 9 8 2 3 10 9 2 11 10
--R
                  5 8 7 3
--R
            - 51200a b d e + 160000a b d e - 76800a b d e + 12800a b d
--R
--R
            3
--R
           х
--R
               13 10 12 9 11 2 2 8 10 3 3 7
--R
            1280a e + 2560a b d e - 53760a b d e + 184320a b d e
--R
--R
--R
                   9 4 4 6 8 5 5 7 6 6 4
--R
             - 268800a b d e + 107520a b d e + 215040a b d e
--R
                   6 7 7 3 5 8 8 2 4 9 9 3 10 10
--R
--R
             - 368640a b d e + 257280a b d e - 89600a b d e + 12800a b d
--R
--R
            2
--R
           X
--R
                13 9 12 2 8 11 2 3 7 10 3 4 6
--R
--R
            2560a de - 14080a b de + 20480a b de + 35840a b de
--R
--R
                   9 4 5 5
                               8 5 6 4
                                            7673
--R
             - 179200a b d e + 304640a b d e - 286720a b d e
--R
--R
                  6 7 8 2 5 8 9 4 9 10
--R
             158720a b d e - 48640a b d e + 6400a b d
--R
--R
--R
             13 2 8 12 3 7 11 2 4 6 10 3 5 5
--R
         1280a de - 10240a b de + 35840a b de - 71680a b de
--R
--R
```

```
9 4 6 4 8 5 7 3 7 6 8 2 6 7 9
--R
--R
          89600a b d e \, - 71680a b d e \, + 35840a b d e \, - 10240a b d e
--R
--R
              5 8 10
--R
          1280a b d
--R
--R
          +----+
--R
         \leq x + d
--R
--R
--R
                 777 67 766
           - 45045b e x + (- 225225a b e - 90090b d e )x
--R
--R
--R
                   2 5 7
                           6 6
            (-450450a b e -450450a b d e -45045b d e)x
--R
--R
                    3 4 7
                           256
--R
                                        6 2 5 4
--R
            (-450450a b e - 900900a b d e - 225225a b d e )x
--R
                    4 3 7 3 4 6 2 5 2 5 3
--R
--R
            (- 225225a b e - 900900a b d e - 450450a b d e )x
--R
--R
                   5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2
--R
            (- 45045a b e - 450450a b d e - 450450a b d e )x
--R
                   5 2 6 4 3 2 5 5 2 2 5
--R
--R
            (- 90090a b d e - 225225a b d e )x - 45045a b d e
--R
--R
           l b +----+
--R
                                   b\|e x + d
--R
           |----- \| e x + d atan(-----)
--R
           \|a e - b d
--R
--R
                                (a e - b d) |----
--R
                                        \|a e - b d
--R
--R
                                        7 6 6
              777
                              6 7
--R
        -45045b e x + (-210210a b e -105105b d e)x
--R
--R
                2 5 7
                             6 6
                                        7 2 5 5
--R
        (- 384384a b e - 492492a b d e - 69069b d e )x
--R
--R.
                3 4 7 2 5 6 6 2 5
                                                   7 3 4 4
--R
         (- 338910a b e - 905190a b d e - 326040a b d e - 6435b d e )x
--R
                                        2 5 2 5
--R
                   4 3 7
                              3 4 6
--R
            - 137995a b e - 803660a b d e - 604890a b d e - 31460a b d e
--R
               7 4 3
--R
           1430b d e
--R
```

```
--R
--R
          3
--R
          x
--R
                  5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4
--R
--R
           - 16640a b e - 330785a b d e - 543920a b d e - 60970a b d e
--R
                6 4 3 7 5 2
--R
           6890a b d e - 520b d e
--R
--R
--R
--R
          x
--R
               6 7 5 2 6 4 3 2 5 3 4 3 4
--R
--R
           1280a b e - 40960a b d e - 228385a b d e - 58100a b d e
--R
--R
               2543 652
                                     7 6
--R
           13090a b d e - 2480a b d e + 240b d e
--R
--R
          x
--R
--R
            77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4
--R
         - 256a e + 3072a b d e - 29696a b d e - 26635a b d e
--R
--R
             3 4 4 3 2 5 5 2 6 6
--R
         12110a b d e - 4648a b d e + 1136a b d e - 128b d
--R
--R
               8 5 10 7 6 9 6 7 2 8 5 8 3 7
--R
             640a b e - 5120a b d e + 17920a b d e - 35840a b d e
--R
                 4 9 4 6 3 10 5 5 2 11 6 4 12 7 3
--R
--R
             44800a b d e - 35840a b d e + 17920a b d e - 5120a b d e
--R
--R
               13 8 2
--R
            640b d e
--R
--R
            7
--R
            x
--R
                9 4 10 8 5 9 7 6 2 8
--R
--R
             3200a b e - 24320a b d e + 79360a b d e - 143360a b d e
--R
--R.
                  5 8 4 6 4 9 5 5 3 10 6 4 2 11 7 3
--R
             152320a b d e - 89600a b d e + 17920a b d e + 10240a b d e
--R
--R
                   12 8 2
                              13 9
--R
            - 7040a b d e + 1280b d e
--R
--R
            6
--R
           x
```

```
--R
              10 3 10 9 4 9 8 5 2 8 7 6 3 7
--R
--R
            6400a b e - 44800a b d e + 128640a b d e - 184320a b d e
--R
                 6746 5855 4964 31073
--R
--R
            107520a b d e + 53760a b d e - 134400a b d e + 92160a b d e
--R
--R
                  2 11 8 2
                              12 9
                                       13 10
            - 26880a b d e + 1280a b d e + 640b d
--R
--R
--R
--R
           x
--R
               --R
             6400a b e -38400a b d e +80000a b d e -25600a b d e
--R
--R
                           6 7 5 5
--R
                  7 6 4 6
                                        5 8 6 4
--R
            - 179200a b d e + 358400a b d e - 313600a b d e
--R
                 4 9 7 3 3 10 8 2 2 11 9 12 10
--R
--R
            128000a b d e - 6400a b d e - 12800a b d e + 3200a b d
--R
--R
--R
           X
--R
             12 10 11 2 9 10 3 2 8 9 4 3 7
--R
--R
            3200a b e - 12800a b d e - 6400a b d e + 128000a b d e
--R
--R
                   8 5 4 6 7 6 5 5
                                      6764
--R
            - 313600a b d e + 358400a b d e - 179200a b d e
--R
                  5 8 7 3 4 9 8 2 3 10 9 2 11 10
--R
--R
            - 25600a b d e + 80000a b d e - 38400a b d e + 6400a b d
--R
--R
            3
--R
           x
--R
              13 10 12 9 11 2 2 8 10 3 3 7
--R
             640a e + 1280a b d e - 26880a b d e + 92160a b d e
--R
--R
--R
                   9 4 4 6 8 5 5 5
            - 134400a b d e + 53760a b d e + 107520a b d e
--R
--R.
                           5 8 8 2
--R
                   6 7 7 3
                                          499
--R
            - 184320a b d e + 128640a b d e - 44800a b d e + 6400a b d
--R
--R
            2
--R
          X
--R
--R
                13 9 12 28 11 2 3 7 10 3 4 6
```

```
--R
              1280a de - 7040a b de + 10240a b de + 17920a b de
--R
                    9 4 5 5 8 5 6 4 7 6 7 3 6 7 8 2
--R
--R
              - 89600a b d e + 152320a b d e - 143360a b d e + 79360a b d e
--R
                    5 8 9 4 9 10
--R
--R
              - 24320a b d e + 3200a b d
--R
--R
--R
             13 2 8 12 3 7 11 2 4 6 10 3 5 5
--R
--R
           640a d e - 5120a b d e + 17920a b d e - 35840a b d e
--R
               9 4 6 4 8 5 7 3 7 6 8 2
--R
           44800a b d e - 35840a b d e + 17920a b d e - 5120a b d e
--R
--R
--R
              5 8 10
--R
           640a b d
--R
--R
          +----+
--R
         \ | e x + d
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 908
--S 909 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
             2 5 +----- b
--R
--R
         9009b e \|- a e + b d |- -----
--R
                          \| a e - b d
--R
--R
                         l b +----+
--R
            (- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                       \| ae-bd
--R
--R
                                  bx + a
--R
--R
                         +-+ +----+
--R
              2 5 +-+
                        \b \leq x + d
        - 18018b e \|b atanh(-----)
--R
                         +----+
--R
--R
                         \|- a e + b d
--R /
            88 7 7 6226 5335 4444
--R
         256a e - 2048a b d e + 7168a b d e - 14336a b d e + 17920a b d e
--R
```

```
--R
          3 5 5 3 2 6 6 2 7 7 8 8
--R
--R
         - 14336a b d e + 7168a b d e - 2048a b d e + 256b d
--R
--R
       +----+
--R
       \|- a e + b d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 909
--S 910 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 910
--S 911 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                       +-+ +----+
         2 5 +-+ \|b \|e x + d
--R
--R
       - 9009b e \|b atanh(-----)
                       +----+
--R
--R
                      \ |-ae+bd
--R
--R
                          +----+
            25+-----b
--R
                                         b\|e x + d
       - 9009b e \|- a e + b d |------)
--R
                         --R
--R
                                      (a e - b d) |----
--R
--R
                                               \|a e - b d
--R /
          88 7 7 6226 5335 4444
--R
--R
        128a e - 1024a b d e + 3584a b d e - 7168a b d e + 8960a b d e
--R
--R
              3 5 5 3 2 6 6 2
                                     7 7
        - 7168a b d e + 3584a b d e - 1024a b d e + 128b d
--R
--R
--R.
        +----+
--R
       \|- a e + b d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 911
--S 912 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
```

```
--R
--R (7) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 912
)clear all
--S 913 of 1618
t0:=(d+e*x)^{(5/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(1/2)}
--R
--R
--R
                               +----+
        2 2 2 +-----+ | 2 2 2
--R
--R
   (1) (e x + 2d e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 913
--S 914 of 1618
r0:=2/9*(d+e*x)^{(7/2)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e-4/63*(b*d-a*e)*_
  (d+e*x)^(7/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x))
--R
--R (2)
--R
           4 4 4 3 3 3 2 2 2
--R
        14b e x + (18a e + 38b d e )x + (54a d e + 30b d e )x
--R
            2 2 3
--R
--R
        (54a d e + 2b d e)x + 18a d e - 4b d
--R
--R
               +----+
       +----+ | 2 2
--R
--R
       --R /
       2 2
--R
--R
     63b e x + 63a e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 914
--S 915 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R.
           4 4 4 3 3
                                         3 222
        14b e x + (18a e + 38b d e )x + (54a d e + 30b d e )x
--R
--R
            2 2 3 3 4
--R
--R
        (54a d e + 2b d e)x + 18a d e - 4b d
--R
       +----+
--R
```

```
--R \|e x + d
--R /
      2
--R
--R
    63e
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 915
--S 916 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
              4 4 4 3 3 3 2 2 2
--R
          - 14b e x + (- 18a e - 38b d e )x + (- 54a d e - 30b d e )x
--R
--R
--R
               2 2 3
                           3 4
--R
         (- 54a d e - 2b d e)x - 18a d e + 4b d
--R
                +----+
--R
        +-----+ | 2 2 2
--R
--R
        --R
           2 4 5 4 2 3 4
--R
--R
         14b e x + (32a b e + 38b d e )x
--R
           2 4 3 2 2 2 3
--R
--R
         (18a e + 92a b d e + 30b d e )x
--R
--R
           2 3 2 2 3 2 2 2 2 3 2 4
--R
         (54a d e + 84a b d e + 2b d e)x + (54a d e + 20a b d e - 4b d )x
--R
           2 3 4
--R
--R
         18a d e - 4a b d
--R
--R
         +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
        2 2
--R
--R
     63b e x + 63a e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 916
--S 917 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
           3 4 3 2 3
                                2 2 2 2
--R
         b e x + (a e + 3b d e )x + (3a d e + 3b d e)x + (3a d e + b d )x
--R
--R
```

```
--R
--R
          a d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
                     3 2 2 4 2 3 2 2 2 3
--R
      - b e x + (- 2a b e - 3b d e )x + (- a e - 6a b d e - 3b d e)x
--R
--R
--R
                                           3
          2 2 2 2 3 2 2 2
       (- 3a d e - 6a b d e - b d )x + (- 3a d e - 2a b d )x - a d
--R
--R /
--R
      +----+ | 2 2
--R
--R
      --R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 917
)clear all
--S 918 of 1618
t0:=(d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
                +-----+ | 2 2 2
--R
   (1) (e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 918
--S 919 of 1618
r0:=2/7*(d+e*x)^{(5/2)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e-4/35*(b*d-a*e)*_
  (d+e*x)^(5/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x))
--R
--R
--R
    (2)
              3 3 3
--R
                               2 2
                                       2
          10b e x + (14a e + 16b d e )x + (28a d e + 2b d e)x + 14a d e
--R
--R
--R
          - 4b d
--R
--R
--R
       +----+ | 2 2
--R
--R
       --R /
--R
         2 2
      35b e x + 35a e
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 919
--S 920 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                                  2 2
--R
          10b e x + (14a e + 16b d e )x + (28a d e + 2b d e)x + 14a d e
--R
--R
--R
          - 4b d
--R
         +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
         2
--R
      35e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 920
--S 921 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
--R
           - 10b e x + (- 14a e - 16b d e )x + (- 28a d e - 2b d e)x
--R
--R
                 2 3
--R
           - 14a d e + 4b d
--R
                  +----+
--R
          +-----+ | 2 2 2
--R
--R
         --R
                                           2 3
--R
                          3
                                2 2 3
--R
           10b e x + (24a b e + 16b d e )x + (14a e + 44a b d e + 2b d e)x
--R
--R
                          2
                                2 3
                                         2 2
           (28a d e + 16a b d e - 4b d )x + 14a d e - 4a b d
--R
--R
--R
           +----+
--R
          \leq x + d
--R /
           2 2
--R
--R
       35b e x + 35a e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 921
```

```
--S 922 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5)
           2 3 2 2
--R
--R
         (b e x + (a e + 2b d e)x + (2a d e + b d)x + a d)
--R
--R
          1 2 2 2
--R
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
                  2 2 3 22
         2 2 4
--R
      - b e x + (- 2a b e - 2b d e)x + (- a e - 4a b d e - b d )x
--R
--R
--R
           2
                     2
--R
       (- 2a d e - 2a b d )x - a d
--R /
--R
              +----+
       +----+ | 2 2 2
--R
--R
      \ | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 922
)clear all
--S 923 of 1618
t0:=(d+e*x)^(1/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
        +----+ | 2 2
--R
--R
   (1) | x + d | x + 2a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 923
--S 924 of 1618
r0:=2/5*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e-4/15*(b*d-a*e)*_
  (d+e*x)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x))
--R
--R
--R
    (2)
--R
           2 2 2
                                             2 +----+
--R
        (6b e x + (10a e + 2b d e)x + 10a d e - 4b d) | e x + d
--R
        +----+
--R
        | 2 2 2
--R
--R
        --R /
        2 2
--R
```

```
--R
     15b e x + 15a e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 924
--S 925 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
            2 2 2
--R
                                              2 +----+
--R
        (6b e x + (10a e + 2b d e)x + 10a d e - 4b d) | e x + d
--R (3) -----
--R
                                  2
--R
                               15e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 925
--S 926 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
          (-6b e x + (-10a e - 2b d e)x - 10a d e + 4b d ) | e x + d
--R
--R
          | 2 2 2
--R
--R
          \|b x + 2a b x + a
--R
            2 2 3 2 2 2 2 2 2
--R
--R
           6b e x + (16a b e + 2b d e)x + (10a e + 12a b d e - 4b d )x
--R
            2 2
--R
--R
          10a d e - 4a b d
--R
--R
          +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R /
         2 2
--R
      15b e x + 15a e
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 926
--S 927 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
                                122 2 2 3
--R
        (b e x + (a e + b d)x + a d) \setminus |b x + 2a b x + a - b e x
--R
```

```
--R
           2 2 2
--R
--R
       (-2abe-bd)x + (-ae-2abd)x - ad
--R /
--R
             +----+
      +-----+ | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 927
)clear all
--S 928 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)/(d+e*x)^(1/2)
--R
--R
--R
        +----+
        | 2 2
--R
--R
        --R
   (1) -----
            +----+
--R
--R
            \label{eq:lemma_def} \
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 928
--S 929 of 1618
r0:=2/3*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e-4/3*(b*d-a*e)*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x))
--R
--R
--R
                          +----+ | 2 2
--R
--R
        (2b e x + 6a e - 4b d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
    (2) -----
--R
                         2 2
                       3b e x + 3a e
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 929
--S 930 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
        (2b e x + 6a e - 4b d) | e x + d
--R
    (3) -----
--R
                     2
--R
                    Зе
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 930
```

```
--S 931 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
    (4)
--R
--R
                              +-----+ | 2 2 2
--R
       (-2b e x - 6a e + 4b d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
--R
         2 2 2 2
--R
--R
        (2b e x + (8a b e - 4b d)x + 6a e - 4a b d) | e x + d
--R /
        2 2
--R
--R
      3b e x + 3a e
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 931
--S 932 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                1 2 2 2 2 2 2
--R
        (b x + a)\|b x + 2a b x + a - b x - 2a b x - a
--R
--R
--R
                  +-----+ | 2 2 2
--R
--R
                 \ | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 932
)clear all
--S 933 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
         1 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R (1) -----
--R
          +----+
--R
        (e x + d) \setminus |e x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 933
--S 934 of 1618
r0:=2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e*sqrt(d+e*x))+4*(b*d-a*e)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x)*sqrt(d+e*x))
```

```
--R
--R
--R
                        | 2 2 2
--R
--R
       (2b e x - 2a e + 4b d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
   (2) -----
               2 2 +----+
--R
--R
              (bex+ae)|ex+d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 934
--S 935 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       2b e x - 2a e + 4b d
--R (3) -----
--R
          2 +----+
--R
         e \|e x + d
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 935
--S 936 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                         1 2 2 2 2 2 2
--R
--R
     (-2b e x + 2a e - 4b d) | b x + 2a b x + a + 2b e x + 4b d x - 2a e
--R
--R
      4a b d
--R /
      2 2 +----+
--R
--R
    (b e x + a e) | e x + d
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 936
--S 937 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
               +----+
               1 2 2 2 2 2 2
--R
--R
       (b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 2a b x - a
--R
   (5) -----
                      +----+
--R
--R
                   +----+ | 2 2
            (e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
```

```
--E 937
)clear all
--S 938 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
              1 2 2 2
--R
--R
            \|b x + 2a b x + a
--R
    (1) -----
          2 2 2 +----+
--R
--R
        (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 938
--S 939 of 1618
r0:=-2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e*(d+e*x)^(3/2))-4/3*(b*d-a*e)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
                                 | 2 2 2
--R
--R
          (-6b e x - 2a e - 4b d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
           3 2 3 2 2 +----+
--R
--R
         (3b e x + (3a e + 3b d e)x + 3a d e) \le x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 939
--S 940 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         - 6b e x - 2a e - 4b d
--R (3) -----
--R
          3 2 +----+
--R
        (3e x + 3d e) | e x + d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 940
--S 941 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                           | 2 2 2 2 2
--R
        (6b e x + 2a e + 4b d) \setminus |b x + 2a b x + a - 6b e x
--R
```

```
--R
           2 2
--R
--R
      (- 8a b e - 4b d)x - 2a e - 4a b d
--R /
      3 2 3 2 2 +----+
--R
--R
    (3b e x + (3a e + 3b d e)x + 3a d e) | e x + d
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 941
--S 942 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
              1 2 2 2 2 2 2
--R
--R
      (b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 2a b x - a
--R (5) -----
--R
                              +----+
        2 2 2 +----+ | 2 2
--R
--R
       (e x + 2d e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 942
)clear all
--S 943 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
                | 2 2 2
--R
--R
               \|b x + 2a b x + a
--R (1) ------
        3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
       (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 943
--S 944 of 1618
r0:=-2/3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e*(d+e*x)^(5/2))-4/15*(b*d-a*e)*_
 sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R.
--R (2)
--R
                         +----+
                         | 2 2 2
--R
--R
    (-10b e x - 6a e - 4b d) \setminus |b x + 2a b x + a
--R /
          43 4 32 3 22 22
--R
--R
       (15b e x + (15a e + 30b d e)x + (30a d e + 15b d e)x + 15a d e)
```

```
--R
--R
--R
       --R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 944
--S 945 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            - 10b e x - 6a e - 4b d
--R
   (3) -----
         4 2 3 2 2 +----+
--R
        (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 945
--S 946 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                          1 2 2 2 2 2
--R
--R
        (10b e x + 6a e + 4b d) \setminus |b x + 2a b x + a - 10b e x
--R
--R
--R
        (- 16a b e - 4b d)x - 6a e - 4a b d
--R /
            4 3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
        (15b e x + (15a e + 30b d e)x + (30a d e + 15b d e)x + 15a d e)
--R
--R
--R
        +----+
--R
       \leq x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 946
--S 947 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
--R.
                   | 2 2 2 2 2
--R
            (b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 2a b x - a
    (5) -----
--R
--R
         3 3 2 2 2 3 +----+ | 2 2
--R
--R
        (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 947
```

```
)clear all
--S 948 of 1618
t0:=(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
    (1)
                2 2 3 22
--R
        2 2 4
                                                 2 2 2
--R
       b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d)x
--R
--R
                    2
       (2a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R *
              +----+
--R
--R
      +----+ | 2 2
--R
      --R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 948
--S 949 of 1618
r0:=2/13*(d+e*x)^(7/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e+16/429*(b*d-a*e)^2*_
  (d+e*x)^(7/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^3-32/3003*(b*d-a*e)^3*_
  (d+e*x)^{(7/2)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))-12/143*_
  (b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(7/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^2
--R
--R
--R
    (2)
                  2 6
--R
            3 6 6
                              3 5 5
--R
         462b e x + (1638a b e + 1134b d e)x
--R
              2 6 2 5 3 2 4 4
--R
--R
         (2002a b e + 4186a b d e + 742b d e)x
--R
--R
                     2
                          5
                                    2 2 4
                                             3 3 3 3
         (858a e + 5434a b d e + 2938a b d e + 10b d e )x
--R
--R
--R
                     2 2 4
                                    2 3 3
                                             3 4 2 2
--R
         (2574a d e + 4290a b d e + 78a b d e - 12b d e )x
--R
--R
              3 2 4 2 3 3
                                    2 4 2
                                             3 5
         (2574a d e + 286a b d e - 104a b d e + 16b d e)x + 858a d e
--R
--R.
--R.
              2 4 2
                          2 5
                                 3 6
--R
         - 572a b d e + 208a b d e - 32b d
--R
--R
                +----+
--R
        +----+ | 2 2
        --R
--R /
```

```
4 4
--R
--R
      3003b e x + 3003a e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 949
--S 950 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
           3 6 6 2 6 3 5 5
--R
         462b e x + (1638a b e + 1134b d e )x
--R
--R
                        2 5
--R
         (2002a b e + 4186a b d e + 742b d e)x
--R
--R
                  2
                         5
                             2 2 4 3 3 3 3
            3 6
--R
         (858a e + 5434a b d e + 2938a b d e + 10b d e )x
--R
            3 5 2 2 4 2 3 3
--R
--R
         (2574a d e + 4290a b d e + 78a b d e - 12b d e )x
--R
--R
             3 2 4 2 3 3
                                   2 4 2
                                           3 5 3 3 3
--R
        (2574a d e + 286a b d e - 104a b d e + 16b d e)x + 858a d e
--R
--R
            2 4 2 2 5 3 6
--R
         - 572a b d e + 208a b d e - 32b d
--R
--R
        +----+
--R
       --R /
--R
--R
      3003e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 950
--S 951 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
              3 6 6
                            26 3 5 5
--R.
           -462b e x + (-1638a b e -1134b d e)x
--R
                        2 5 3 2 4 4
--R
                2 6
           (- 2002a b e - 4186a b d e - 742b d e )x
--R
--R
--R
                      2 5
                                     2 2 4 3 3 3 3
          (-858a e -5434a b d e -2938a b d e -10b d e )x
--R
--R
```

```
3 5 2 2 4 2 3 3 3 4 2 2
--R
--R
          (- 2574a d e - 4290a b d e - 78a b d e + 12b d e )x
--R
--R
                3 2 4 2 3 3
                                     2 4 2
                                             3 5
--R
          (- 2574a d e - 286a b d e + 104a b d e - 16b d e)x - 858a d e
--R
             2 4 2 2 5 3 6
--R
--R
         572a b d e - 208a b d e + 32b d
--R
--R
--R
         +-----+ | 2 2 2
--R
         --R
--R
                        3 6
          462b e x + (2100a b e + 1134b d e )x
--R
--R
--R
              2 2 6 3 5 4 2 4 5
--R
          (3640a b e + 5320a b d e + 742b d e )x
--R
              3 6 2 2 5 3 2 4
--R
--R
          (2860a b e + 9620a b d e + 3680a b d e + 10b d e )x
--R
             46 3 5 2224 333 4423
--R
--R
          (858a e + 8008a b d e + 7228a b d e + 88a b d e - 12b d e )x
--R
              4 5 3 2 4 2 2 3 3 3 4 2 4 5 2
--R
--R
          (2574a d e + 6864a b d e + 364a b d e - 116a b d e + 16b d e)x
--R
              4 2 4 3 3 3 2 2 4 2 3 5
--R
--R
          (2574a d e + 1144a b d e - 676a b d e + 224a b d e - 32b d )x
--R
             4 3 3 3 4 2 2 2 5 3 6
--R
--R
         858a d e - 572a b d e + 208a b d e - 32a b d
--R
--R
         +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R /
         4
--R
      3003b e x + 3003a e
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 951
--S 952 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
          3 3 6 2 3 3 2 5 2 3 2 2 3 2 4
--R
--R
         b e x + (3a b e + 3b d e )x + (3a b e + 9a b d e + 3b d e)x
--R.
```

```
--R
                                                       3 3 2 2 2 2 3 3 3
 --R
                                                 (a e + 9a b d e + 9a b d e + b d )x
 --R
--R
                                                            3 2 2 2 2 3 2 3 2 3 3 3
--R
                                                   (3a d e + 9a b d e + 3a b d)x + (3a d e + 3a b d)x + a d
--R
--R
                                               | 2 2 2
--R
                                         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                           437 33 4 2 6 2 2 3 3 2 4 2 5
--R
                                  - b e x + (- 4a b e - 3b d e )x + (- 6a b e - 12a b d e - 3b d e)x
--R
 --R
                                                                                     222
 --R
                                                                                                                                             3 2 4 3 4
                                  (- 4a b e - 18a b d e - 12a b d e - b d )x
 --R
 --R
--R
                                                                            3 2
                                                                                                                           2 2 2
                                                4 3
                                                                                                                                                                 3 3 3
--R
                                     (-ae - 12abde - 18abde - 4abd)x
--R
--R
                                                  4 2
                                                                                     3 2 2 2 3 2 4 2 3 3
--R
                                     (- 3a d e - 12a b d e - 6a b d )x + (- 3a d e - 4a b d )x - a d
--R /
--R
--R
                              +-----+ | 2 2 2
--R
                             \exists x + d \exists x + 2abx + a
--R
                                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 952
)clear all
--S 953 of 1618
t0:=(d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                     (1)
                                   2 3 2 2 2
--R
--R
                             (b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d) | e x + d
--R *
                               +----+
--R
                                | 2 2
 --R
 --R
                            \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 953
--S 954 of 1618
\verb"r0:=2/11*(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e+16/231*(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_1+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2+2(b*d-a*e)^2*_2
            (d+e*x)^{(5/2)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^3-32/1155*(b*d-a*e)^3*_
           (d+e*x)^{(5/2)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))-_
          4/33*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^2
--R
```

```
--R
    (2)
--R
--R
          355 25 3 4 4
--R
        210b e x + (770a b e + 280b d e)x
--R
            2 5
--R
                      2 4
                               3 2 3 3
--R
        (990a b e + 1100a b d e + 10b d e )x
--R
           3 5 2 4 2 2 3 3 3 2 2
--R
        (462a e + 1584a b d e + 66a b d e - 12b d e )x
--R
--R
--R
           3 4
                   2 2 3 2 3 2
                                        3 4
                                                  3 2 3
        (924a d e + 198a b d e - 88a b d e + 16b d e)x + 462a d e
--R
--R
--R
            2 3 2 2 4 3 5
--R
        - 396a b d e + 176a b d e - 32b d
--R
--R
               +----+
       +-----+ | 2 2 2
--R
--R
       --R /
--R
          4 4
--R
      1155b e x + 1155a e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 954
--S 955 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
          3 5 5 2 5 3 4 4
--R
--R
        210b e x + (770a b e + 280b d e )x
--R
--R
           2 5
                       2 4
                               3 2 3 3
        (990a b e + 1100a b d e + 10b d e )x
--R
--R
                                       3 3 2 2
--R
           3 5
                  2
                        4
                               2 2 3
--R
        (462a e + 1584a b d e + 66a b d e - 12b d e )x
--R
           3 4 2 2 3 2 3 2
--R
                                        3 4
--R
        (924a d e + 198a b d e - 88a b d e + 16b d e)x + 462a d e
--R
--R
            2 3 2 2 4 3 5
--R
        - 396a b d e + 176a b d e - 32b d
--R
        +----+
--R
--R
       \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
        4
```

```
--R
      1155e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 955
--S 956 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
               3 5 5
                           25 3 4 4
          - 210b e x + (- 770a b e - 280b d e )x
--R
--R
                2 5 2 4
                                   3 2 3 3
--R
--R
          (- 990a b e - 1100a b d e - 10b d e )x
--R
                      2 4
--R
                                   2 2 3 3 3 2 2
               3 5
--R.
          (- 462a e - 1584a b d e - 66a b d e + 12b d e )x
--R
--R
               3 4 2 2 3 2 3 2
                                            3 4 3 2 3
--R
           (- 924a d e - 198a b d e + 88a b d e - 16b d e)x - 462a d e
--R
--R
            2 3 2 2 4 3 5
--R
          396a b d e - 176a b d e + 32b d
--R
                +----+
--R
         +-----+ | 2 2 2
--R
--R
         --R
             456 35 4 4 5
--R
--R
          210b e x + (980a b e + 280b d e )x
--R
               2 2 5 3 4 4 2 3 4
--R
--R
          (1760a b e + 1380a b d e + 10b d e )x
--R
              3 5
--R
                        2 2 4
                                    3 2 3
          (1452a b e + 2684a b d e + 76a b d e - 12b d e )x
--R
--R
--R
                    3 4
                                2 2 2 3
                                             3 3 2 4 4 2
           (462a e + 2508a b d e + 264a b d e - 100a b d e + 16b d e)x
--R
--R
--R
              4 4 3 2 3 2 2 3 2
           (924a d e + 660a b d e - 484a b d e + 192a b d e - 32b d)x
--R
--R.
--R
             4 2 3 3 3 2 2 2 4
          462a d e - 396a b d e + 176a b d e - 32a b d
--R
--R
          +----+
--R
         \ensuremath{\mbox{\sc le x}} + d
--R
--R /
--R
          4
```

```
--R
     1155b e x + 1155a e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 956
--S 957 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5)
--R
          3 2 5 2 2 3 4
--R
                                     2 2
                                              2
--R
          b e x + (3a b e + 2b d e)x + (3a b e + 6a b d e + b d )x
--R
           3 2 2
                           2 2 2
                                    3 2 2
--R
          (a e + 6a b d e + 3a b d )x + (2a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
--R
         | 2 2 2
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
         4 2 6 3 2 4 5 2 2 2 3 4 2 4
--R
--R
       - b e x + (- 4a b e - 2b d e)x + (- 6a b e - 8a b d e - b d )x
--R
--R
          3 2 2 2
                           3 2 3 4 2 3
--R
       (-4abe - 12abde - 4abd)x + (-ae - 8abde - 6abd)x
--R
--R
           4 3 2 4 2
--R
        (-2a d e - 4a b d)x - a d
--R /
--R
              +----+
      +-----+ | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 957
)clear all
--S 958 of 1618
t0:=(d+e*x)^(1/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                                +----+
                     2 +----+ | 2 2
--R
         2 2
--R.
   (1) (b x + 2a b x + a) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R.
                                           Type: Expression(Integer)
--E 958
--S 959 of 1618
r0:=2/9*(d+e*x)^{(3/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(3/2)}/e+16/105*(b*d-a*e)^2*_1
  (d+e*x)^{(3/2)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^3-32/315*(b*d-a*e)^3*_
  (d+e*x)^{(3/2)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))-_
```

```
4/21*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^2
--R
--R
--R
   (2)
           3 4 4 2 4 3 3 3
--R
--R
         70b e x + (270a b e + 10b d e)x
--R
--R
                      2 3
        (378a b e + 54a b d e - 12b d e )x
--R
--R
--R
                   2 3
                               2 2 2
                                        3 3 3 3
             3 4
         (210a e + 126a b d e - 72a b d e + 16b d e)x + 210a d e
--R
--R
--R
             2 2 2
                         2 3
                                3 4
--R
        - 252a b d e + 144a b d e - 32b d
--R
--R
                +----+
       +----+ | 2 2
--R
       --R
--R /
--R
--R
      315b e x + 315a e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 959
--S 960 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
           3 4 4 2 4 3 3 3
--R
--R
         70b e x + (270a b e + 10b d e)x
--R
            2 4 2 3 3 2 2 2
--R
--R
        (378a b e + 54a b d e - 12b d e )x
--R
                        3
--R
            3 4
                   2
                               2 2 2
                                        3 3
--R
        (210a e + 126a b d e - 72a b d e + 16b d e)x + 210a d e
--R
--R
             2 2 2
                         2 3
        - 252a b d e + 144a b d e - 32b d
--R
--R
--R.
        +----+
--R
       --R /
--R
--R
      315e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 960
```

```
--S 961 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
            3 4 4 2 4 3 3 3
--R
--R
         -70b e x + (-270a b e - 10b d e)x
--R
--R
              2 4 2 3 3 2 2 2
--R
         (- 378a b e - 54a b d e + 12b d e )x
--R
                    2 3 222
--R
              3 4
                                        3 3
         (- 210a e - 126a b d e + 72a b d e - 16b d e)x - 210a d e
--R
--R
--R
            2 2 2 2 3 3 4
--R
          252a b d e - 144a b d e + 32b d
--R
--R
                +----+
        +-----+ | 2 2 2
--R
--R
        --R
           4 4 5 3 4 4 3 4
--R
         70b e x + (340a b e + 10b d e )x
--R
--R
--R
            2 2 4 3 3 4 2 2 3
--R
         (648a b e + 64a b d e - 12b d e )x
--R
--R
            3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 2
--R
         (588a b e + 180a b d e - 84a b d e + 16b d e)x
--R
--R
             4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
         (210a e + 336a b d e - 324a b d e + 160a b d e - 32b d )x
--R
--R
           4 3 3 2 2 2 2 3 3 4
--R
--R
         210a d e - 252a b d e + 144a b d e - 32a b d
--R
--R
         +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x + d}}
--R /
         4 4
--R
--R
     315b e x + 315a e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 961
--S 962 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
            3 4 2 3 3 2 2 2 3 2
--R
```

```
--R
            b e x + (3a b e + b d)x + (3a b e + 3a b d)x + (a e + 3a b d)x
--R
--R
             3
--R
            a d
--R
          +----+
--R
          | 2 2 2
--R
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
         4 5
                  3
                         4 4
                                   2 2
       -bex + (-4abe-bd)x + (-6abe-4abd)x
--R
--R
                 2 2 2 4
                                  3
--R
       (-4abe-6abd)x + (-ae-4abd)x - ad
--R
--R /
--R
              +----+
--R
      +-----+ | 2 2 2
--R
      --R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 962
)clear all
--S 963 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^(1/2)
--R
--R
--R
        2 2
                       2 | 2 2 2
--R
--R.
        (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R (1) -----
--R
--R
                     \ensuremath{\mbox{le x + d}}
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 963
--S 964 of 1618
r0:=2/7*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/e+16/35*(b*d-a*e)^2*_1
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^3-32/35*(b*d-a*e)^3*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))-_
  12/35*(b*d-a*e)*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^2
--R
--R.
--R
    (2)
--R
           3 3 3 2 2 2 3 2 2 3 2
--R
         10b e x + (42a b e - 12b d e) x + (70a b e - 56a b d e + 16b d e) x
--R
--R
                               2 2
                  2 2
         70a e - 140a b d e + 112a b d e - 32b d
--R
--R
```

```
--R
     +-----+ | 2 2
--R
--R
      --R /
      4 4
--R
--R
     35b e x + 35a e
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 964
--S 965 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
         3 3 3 2 2 2 2 3 2 3 2
--R
       10b e x + (42a b e - 12b d e )x + (70a b e - 56a b d e + 16b d e)x
--R
--R
         3 3 2 2 2 2 3 3
--R
       70a e - 140a b d e + 112a b d e - 32b d
--R
--R
       +----+
--R
      --R /
--R
      4
--R
     35e
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 965
--S 966 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
            3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
         -10b e x + (-42a b e + 12b d e)x
--R
--R
             2 3
                     2 2
                            3 2
                                     3 3 2
--R
         (- 70a b e + 56a b d e - 16b d e)x - 70a e + 140a b d e
--R
--R
              2 2
                    3 3
--R
         - 112a b d e + 32b d
--R
--R
               +----+
        +----+ | 2 2
--R
        --R
--R
          4 3 4 3 3 4 2 3
--R
--R
        10b e x + (52a b e - 12b d e )x
--R
--R
           2 2 3 3 2 4 2 2
```

```
--R
          (112a b e - 68a b d e + 16b d e)x
--R
--R
              3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3
--R
          (140a b e - 196a b d e + 128a b d e - 32b d )x + 70a e
--R
                        2 2 2
--R
              3 2
                                   3 3
--R
         - 140a b d e + 112a b d e - 32a b d
--R
         +----+
--R
--R
         \leq x + d
--R /
         4 4
--R
      35b e x + 35a e
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 966
--S 967 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a )\|b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
         2 2 2 3 4
--R
--R
       - 6a b x - 4a b x - a
--R /
--R
             +----+
     +-----+ | 2 2 2
--R
--R
     --R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 967
)clear all
--S 968 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
                     2 | 2 2
--R
        2 2
--R.
       (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R (1) -----
--R
                       +----+
--R
               (e x + d) | e x + d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 968
--S 969 of 1618
```

```
r0:=-2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e*sqrt(d+e*x))-16/5*b*(b*d-a*e)*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^3+32/5*b*(b*d-a*e)^2*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))+_
  12/5*b*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^2
--R
--R
--R
     (2)
           3 3 3 2 3 3 2 2
--R
                                         2 3
          2b e x + (10a b e - 4b d e )x + (30a b e - 40a b d e + 16b d e)x
--R
--R
             3 3 2 2 2 2 2
--R
--R
         - 10a e + 60a b d e - 80a b d e + 32b d
--R
         +----+
--R
         | 2 2
--R
--R
        --R /
              4 +----+
--R.
          4
--R
      (5b e x + 5a e) | e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 969
--S 970 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
         3 3 3 2 3 3 2 2 2 3 2 2 3 2
--R
--R
        2b \ e \ x + (10a \ b \ e - 4b \ d \ e ) x + (30a \ b \ e - 40a \ b \ d \ e + 16b \ d \ e) x
--R
--R
           3 3
                  2 2
                                2 2
                                         3 3
--R
        - 10a e + 60a b d e - 80a b d e + 32b d
--R /
--R
        4 +----+
--R
      5e \leq x + d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 970
--S 971 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R.
    (4)
--R.
              3 3 3
                           2 3 3 2 2
--R
           -2b e x + (-10a b e + 4b d e)x
--R
--R
                2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
           (- 30a b e + 40a b d e - 16b d e)x + 10a e - 60a b d e
--R
--R
                2 2
                      3 3
```

```
--R
         80a b d e - 32b d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
       434 33 423 223 32 422
--R
--R
      2b e x + (12a b e - 4b d e )x + (40a b e - 44a b d e + 16b d e)x
--R
         3 3 2 2 2 3 2
                                   4 3
--R
                                            4 3
--R
       (20a b e + 20a b d e - 64a b d e + 32b d )x - 10a e + 60a b d e
--R
          2 2 2 3 3
--R
--R
       - 80a b d e + 32a b d
--R /
        4 4 +----+
--R
--R
      (5b e x + 5a e) | e x + d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 971
--S 972 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
--R.
         2 2 2 3 4
--R
       - 6a b x - 4a b x - a
--R /
--R
                   +----+
            +-----+ | 2 2 2
--R
    (e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 972
)clear all
--S 973 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
                       +----+
                    2 | 2 2 2
        2 2
--R
--R
      (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R (1) -----
         2 2 2 +----+
--R
--R
            (e x + 2d e x + d) | e x + d
```

```
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 973
--S 974 of 1618
r0:=-2/3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^(3/2))-4*b*(a+b*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*sqrt(d+e*x))+16/3*b^2*sqrt(d+e*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^3-32/3*b^2*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x))
--R
--R
--R
     (2)
           3 3 3
--R
                      2 3
                              3 2 2
          2b e x + (18a b e - 12b d e)x
--R
--R
--R
               2 3 2 2 3 2
                                            3 3 2 2 2 2 2
--R
          (- 18a b e + 72a b d e - 48b d e)x - 2a e - 12a b d e + 48a b d e
--R
--R
              3 3
          - 32b d
--R
--R
--R
         +----+
--R
         | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R /
--R
                                4 +----+
           5 2
--R
       (3b e x + (3a e + 3b d e)x + 3a d e) \le x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 974
--S 975 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
         3 3 3 2 3 3 2 2
--R
                                             2 3
                                                       2 2
        2b e x + (18a b e - 12b d e )x + (- 18a b e + 72a b d e - 48b d e)x
--R
--R
          3 3
--R
                  2 2
                             2 2
        - 2a e - 12a b d e + 48a b d e - 32b d
--R
--R /
                4 +----+
--R
         5
       (3e x + 3d e) | e x + d
--R
--R.
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 975
--S 976 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
```

```
3 3 3 2 3 3 2 2
--R
          - 2b e x + (- 18a b e + 12b d e )x
--R
--R
             2 3 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
--R
          (18a b e - 72a b d e + 48b d e)x + 2a e + 12a b d e - 48a b d e
--R
--R
            3 3
--R
         32b d
--R
--R
--R
         | 2 2 2
--R
        --R
               3 3
                         4 2 3 3 2
--R
        4 3 4
--R
       2b e x + (20a b e - 12b d e)x + (60a b d e - 48b d e)x
--R
--R.
          3 3 2 2 2 4 3
                                    4 3
                                           3 2 222
--R
       (- 20a b e + 60a b d e - 32b d )x - 2a e - 12a b d e + 48a b d e
--R
--R
         3 3
--R
       - 32a b d
--R /
        5 2 5 4 4 +----+
--R
      (3b e x + (3a e + 3b d e)x + 3a d e) | e x + d
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 976
--S 977 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
--R
         2 2 2 3
--R
      - 6a b x - 4a b x - a
--R /
--R
             2 +----+ | 2 2 2
--R
      2 2
    (e x + 2d e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 977
)clear all
--S 978 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^(7/2)
--R
```

```
--R
--R
          2 2
                       2 | 2 2 2
--R
--R
         (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R.
     (1) -----
           3 3 2 2 2
                                 3 +----+
--R
--R
          (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 978
--S 979 of 1618
r0:=-2/5*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^(5/2))-4/5*b*(a+b*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(d+e*x)^(3/2))+16/5*b^2*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*sqrt(d+e*x))+32/5*b^2*(b*d-a*e)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
                    23 3 2 2
--R
            3 3 3
--R
         10b e x + (-30a b e + 60b d e)x
--R
              2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
--R
          (-10a b e - 40a b d e + 80b d e)x - 2a e - 4a b d e - 16a b d e
--R
--R
            3 3
--R
          32b d
--R
--R
--R
         | 2 2
--R
        --R /
           6 3 6 5 2 5 2 4
--R
--R
        (5b e x + (5a e + 10b d e)x + (10a d e + 5b d e)x + 5a d e)
--R
--R
         +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 979
--S 980 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R.
--R
     (3)
--R
          3 3 3
                   23 3 2 2
--R
        10b e x + (-30a b e + 60b d e)x
--R
--R
                               3 2
                                        3 3 2 2
                      2 2
        (- 10a b e - 40a b d e + 80b d e)x - 2a e - 4a b d e - 16a b d e
--R
--R
```

```
--R
       3 3
--R
       32b d
--R /
            5 2 4 +----+
--R
        6 2
--R
      (5e x + 10d e x + 5d e) | e x + d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 980
--S 981 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
              3 3 3 2 3
--R
                               3 2 2
--R
          -10b e x + (30a b e - 60b d e)x
--R
--R
            2 3 2 2
                               3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
          (10a b e + 40a b d e - 80b d e)x + 2a e + 4a b d e + 16a b d e
--R
--R
             3 3
--R
          - 32b d
--R
--R
          1 2 2 2
--R
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
               3 3 4 2 3
--R
         4 3 4
--R
       10b e x + (- 20a b e + 60b d e )x
--R
           2 2 3 3 2 4 2 2
--R
--R
       (- 40a b e + 20a b d e + 80b d e)x
--R
                               3 2 4 3 4 3 3 2
--R
           3 3
                   222
--R
       (- 12a b e - 44a b d e + 64a b d e + 32b d )x - 2a e - 4a b d e
--R
--R
          2 2 2
                     3 3
--R
       - 16a b d e + 32a b d
--R /
--R
          6 3 6
                           5 2
                                    5 24 24
--R
        (5b e x + (5a e + 10b d e)x + (10a d e + 5b d e)x + 5a d e)
--R
        +----+
--R
--R.
       \exists x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 981
--S 982 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R
     (5)
--R
         3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
--R
        (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
--R
          2 2 2 3
--R
       - 6a b x - 4a b x - a
--R /
--R
              2 2 2 3 +----+ | 2 2 2
--R
       3 3
--R
      (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 982
)clear all
--S 983 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^(9/2)
--R
--R
--R
                          2 | 2 2
--R
              2 2
--R
             (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R (1) -----
         4 4 3 3 2 2 2 3 4 +----+
--R
         (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) | e x + d
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 983
--S 984 of 1618
r0:=-2/7*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^(7/2))-12/35*b*(a+b*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(d+e*x)^(5/2))-48/35*b^2*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(d+e*x)^(3/2))-32/35*b^2*(b*d-a*e)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
     (2)
            3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
         -70b e x + (-70a b e - 140b d e)x
--R
              2 3 2 2
--R
                                 3 2
                                            3 3 2 2 2 2 2
         (- 42a b e - 56a b d e - 112b d e)x - 10a e - 12a b d e - 16a b d e
--R
--R.
--R
             3 3
--R
         - 32b d
--R
--R
        +----+
        | 2 2 2
--R
        --R
--R /
```

```
7 4 7 6 3 6 2 5 2
--R
--R
                           35b e x + (35a e + 105b d e )x + (105a d e + 105b d e )x
--R
                                         2 5 3 4
--R
                                                                                                     3 4
--R
                          (105a d e + 35b d e )x + 35a d e
--R
--R
                         +----+
--R
                        \ | e x + d
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 984
--S 985 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                3 3 3 2 3 3 2 2
--R
                       - 70b e x + (- 70a b e - 140b d e )x
--R
                                  2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
--R
                   (- 42a b e - 56a b d e - 112b d e)x - 10a e - 12a b d e - 16a b d e
--R
--R
                                3 3
--R
                      - 32b d
--R /
                       7 3 6 2 2 5 3 4 +----+
--R
--R
                    (35e x + 105d e x + 105d e x + 35d e) | e x + d
--R
                                                                                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 985
--S 986 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                     3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
                               70b e x + (70a b e + 140b d e )x
--R
                                       2 3 2 2 3 2
                                                                                                                                3 3 2 2 2 2 2
--R
--R
                                (42a b e + 56a b d e + 112b d e)x + 10a e + 12a b d e + 16a b d e
--R
                                     3 3
--R
--R
                               32b d
--R
--R
                             +----+
                            | 2 2 2
--R
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                4 3 4 3 3 4 2 3
--R
--R
                        -70b e x + (-140a b e - 140b d e)x
```

```
--R
        2 2 3 3 2 4 2 2
--R
--R
       (- 112a b e - 196a b d e - 112b d e)x
--R
            3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3 2
--R
--R
      (- 52a b e - 68a b d e - 128a b d e - 32b d )x - 10a e - 12a b d e
--R
--R
          2 2 2
                    3 3
       - 16a b d e - 32a b d
--R
--R /
--R
                 7 6 3 6 2 5 2
           74
        35b e x + (35a e + 105b d e)x + (105a d e + 105b d e)x
--R
--R
            25 34 34
--R
--R
        (105a d e + 35b d e )x + 35a d e
--R
--R.
       +----+
--R
       --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 986
--S 987 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a )\|b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
         2 2 2 3 4
--R
--R
      - 6a b x - 4a b x - a
--R /
      4 4 3 3 2 2 2 3 4 +-----+ | 2 2 2
--R
--R
     (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d )\|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 987
)clear all
--S 988 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^(11/2)
--R
--R
--R
                               +----+
                            2 | 2 2 2
--R
--R
                (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R (1) -----
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +-----+
--R
```

```
--R
        (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 988
--S 989 of 1618
r0:=-2/9*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^(9/2))-4/21*b*(a+b*x)*_1
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^2*(d+e*x)^(7/2))-16/63*b^2*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^3*(d+e*x)^(5/2))-32/315*b^2*(b*d-a*e)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
    (2)
                           23 3 2 2
             3 3 3
--R
--R
         - 210b e x + (- 378a b e - 252b d e )x
--R
--R
               2 3
                          2 2 3 2
                                             3 3
--R.
         (- 270a b e - 216a b d e - 144b d e)x - 70a e - 60a b d e
--R
--R
               2 2
                     3 3
--R
         - 48a b d e - 32b d
--R
--R
        +----+
--R
        | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R /
           8 5 8 7 4 7 2 6 3
--R
--R
          315b e x + (315a e + 1260b d e)x + (1260a d e + 1890b d e)x
--R
--R
               26 352
                                  3 5
                                               4 4
--R.
          (1890a d e + 1260b d e)x + (1260a d e + 315b d e)x + 315a d e
--R
        +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 989
--S 990 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
           3 3 3
                          2 3 3 2 2
--R
        - 210b e x + (-378a b e - 252b d e)x
--R.
--R.
            2 3 2 3 2 3 2 2 2 2 2
        (- 270a b e - 216a b d e - 144b d e)x - 70a e - 60a b d e - 48a b d e
--R
--R
--R
           3 3
        - 32b d
--R
--R /
```

```
8 4 7 3 2 6 2 3 5 4 4 +----+
--R
   (315e x + 1260d e x + 1890d e x + 1260d e x + 315d e) | e x + d
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 990
--S 991 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
            3 3 3 2 3 3 2 2
          210b e x + (378a b e + 252b d e )x
--R
--R
             2 3 2 2 3 2
--R
                                         3 3 2
--R
         (270a b e + 216a b d e + 144b d e)x + 70a e + 60a b d e
--R
--R
             2 2
                    3 3
--R
         48a b d e + 32b d
--R
--R
         +----+
        | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
          4 3 4 3 3 4 2 3
--R
       -210b e x + (-588a b e -252b d e)x
--R
--R
            2 2 3
                 3 2 4 2 2
--R
       (- 648a b e - 468a b d e - 144b d e)x
--R
            3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3 2
--R
--R
       (- 340a b e - 276a b d e - 192a b d e - 32b d )x - 70a e - 60a b d e
--R
--R
          2 2 2
                    3 3
--R
       - 48a b d e - 32a b d
--R /
           8 5 8 7 4 7 2 6 3
--R
--R
        315b e x + (315a e + 1260b d e)x + (1260a d e + 1890b d e)x
--R
             26 352 35 44 44
--R
--R
        (1890a d e + 1260b d e )x + (1260a d e + 315b d e )x + 315a d e
--R
--R
--R.
       \label{eq:lemma_def} \
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 991
--S 992 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R
     (5)
--R
         3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 4 4 3 3
--R
--R
        (b x + 3a b x + 3a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a - b x - 4a b x
--R
--R
           2 2 2 3
--R
        - 6a b x - 4a b x - a
--R /
         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +-----+
--R
--R
        (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
--R
        +----+
--R
         1 2 2
--R
--R
        --R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 992
)clear all
--S 993 of 1618
t0:=(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
   (1)
--R
        4 2 6 3 2 4 5 2 2 2 3 4 2 4
        b e x + (4a b e + 2b d e)x + (6a b e + 8a b d e + b d )x
--R
--R
--R
          3 2 2 2 3 2 3 4 2 3 2 2 2 2
--R
        (4a b e + 12a b d e + 4a b d )x + (a e + 8a b d e + 6a b d )x
--R.
--R
                3 2
                         4 2
--R
       (2a d e + 4a b d)x + a d
--R *
--R
               +----+
       +-----+ | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 993
--S 994 of 1618
r0:=32/663*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^3-_
  4/51*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(7/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^2+_
  2/17*(d+e*x)^(7/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/e+_
  256/21879*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(7/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5-_
  512/153153*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(7/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/_
  (e^6*(a+b*x))-64/2431*(b*d-a*e)^3*(a+b*x)*(d+e*x)^(7/2)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^4
--R
--R
--R (2)
```

```
588 48 577
--R
--R
        18018b e x + (102102a b e + 42042b d e )x
--R
--R
              2 3 8
                          4 7 5 2 6 6
--R
        (235620a b e + 243474a b d e + 25410b d e )x
--R
              3 2 8 2 3 7 4 2 6 5 3 5 5
--R
--R
        (278460a b e + 578340a b d e + 152082a b d e + 126b d e )x
--R
                        3 2 7
--R
                                       2 3 2 6 4 3 5
--R
          170170a b e + 711620a b d e + 378420a b d e + 1190a b d e
--R
--R
               5 4 4
--R
          - 140b d e
--R
--R
          4
--R
          x
--R
               58 4 7 3226 2335
--R
--R
           43758a e + 461890a b d e + 499460a b d e + 5100a b d e
--R
--R
                444 553
          - 1360a b d e + 160b d e
--R
--R
--R
          3
--R
          x
--R
                5 7 4 2 6 3 2 3 5 2 3 4 4
--R
--R
           131274a d e + 364650a b d e + 13260a b d e - 6120a b d e
--R
                4 5 3 5 6 2
--R
--R
          1632a b d e  - 192b d e
--R
--R
--R
         x
--R
                5 2 6 4 3 5 3 2 4 4 2 3 5 3
--R
--R
          131274a d e + 24310a b d e - 17680a b d e + 8160a b d e
--R
--R
                  4 6 2
                          5 7
          - 2176a b d e + 256b d e
--R
--R
--R.
         x
--R
            5 3 5 4 4 4 3 2 5 3 2 3 6 2
--R
         43758a d e - 48620a b d e + 35360a b d e - 16320a b d e
--R
--R
--R
            4 7 5 8
        4352a b d e - 512b d
--R
--R
```

```
--R
     +----+ | 2 2
--R
--R
      \exists x + d \exists x + 2a b x + a
--R /
      6 6
--R
--R 153153b e x + 153153a e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 994
--S 995 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
         5 8 8 4 8 5 7 7
--R
--R
        18018b e x + (102102a b e + 42042b d e )x
--R
--R
              2 3 8
                     4 7 5 2 6 6
--R
        (235620a b e + 243474a b d e + 25410b d e )x
--R
--R
             3 2 8
                        23 7 426 5355
--R
        (278460a b e + 578340a b d e + 152082a b d e + 126b d e )x
--R
--R
              4 8 3 2 7 2 3 2 6 4 3 5
--R
          170170a b e + 711620a b d e + 378420a b d e + 1190a b d e
--R
--R
               5 4 4
--R
          - 140b d e
--R
--R
          4
--R
          X
--R
               58 4 7 3226 2335
--R
--R
          43758a e + 461890a b d e + 499460a b d e + 5100a b d e
--R
                 4 4 4 5 5 3
--R
--R
          - 1360a b d e + 160b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                5 7 4 2 6 3 2 3 5 2 3 4 4
--R
--R.
           131274a d e + 364650a b d e + 13260a b d e - 6120a b d e
--R
                4 5 3 5 6 2
--R
--R
          1632a b d e - 192b d e
--R
--R
          2
--R
          x
--R
```

```
5 2 6 4 3 5 3 2 4 4 2 3 5 3
--R
--R
            131274a d e + 24310a b d e - 17680a b d e + 8160a b d e
--R
--R
                   4 6 2 5 7
--R
           - 2176a b d e + 256b d e
--R
--R
--R
            5 3 5 4 4 4 4 3 2 5 3 2 3 6 2
--R
         43758a d e - 48620a b d e + 35360a b d e - 16320a b d e
--R
--R
             4 7
                     5 8
--R
        4352a b d e - 512b d
--R
--R
--R
        +----+
--R
       \leq x + d
--R /
--R
          6
--R
      153153e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 995
--S 996 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
               588 48 577
--R
--R
          -18018b e x + (-102102a b e -42042b d e)x
--R
                               4 7
--R
                  2 3 8
                                         5 2 6 6
--R
          (-235620a b e - 243474a b d e - 25410b d e)x
--R
                 3 2 8 2 3 7 4 2 6 5 3 5 5
--R
--R
          (- 278460a b e - 578340a b d e - 152082a b d e - 126b d e )x
--R
                    4 8 3 2 7 2 3 2 6 4 3 5
--R
--R
             - 170170a b e - 711620a b d e - 378420a b d e - 1190a b d e
--R
--R
                5 4 4
             140b d e
--R
--R
--R
             4
--R
           X
--R
                          4 7 3 2 2 6 2 3 3 5
--R
--R
             - 43758a e - 461890a b d e - 499460a b d e - 5100a b d e
--R
                  444 553
--R
              1360a b d e - 160b d e
--R
```

```
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                  5 7 4 2 6 3 2 3 5 2 3 4 4
--R
--R
           - 131274a d e - 364650a b d e - 13260a b d e + 6120a b d e
--R
                  4 5 3 5 6 2
--R
           - 1632a b d e + 192b d e
--R
--R
--R
--R
          X
--R
                  5 2 6 4 3 5 3 2 4 4 2 3 5 3
--R
--R
            - 131274a d e - 24310a b d e + 17680a b d e - 8160a b d e
--R
--R
                 4 6 2 5 7
--R
            2176a b d e - 256b d e
--R
--R
--R
              5 3 5 4 4 4 4 3 2 5 3 2 3 6 2
--R
--R
          - 43758a d e + 48620a b d e - 35360a b d e + 16320a b d e
--R
--R
               4 7 5 8
--R
          - 4352a b d e + 512b d
--R
--R
        +-----+ | 2 2 2
--R
--R
        --R
             689 58 678
--R
--R
         18018b e x + (120120a b e + 42042b d e)x
--R
--R
               2 4 8
                           5 7
                                     6 2 6 7
         (337722a b e + 285516a b d e + 25410b d e )x
--R
--R
--R
              3 3 8 2 4 7
                                   5 2 6 6 3 5 6
--R
          (514080a b e + 821814a b d e + 177492a b d e + 126b d e )x
--R
                4 2 8 3 3 7 2 4 2 6 5 3 5
--R
            448630a b e + 1289960a b d e + 530502a b d e + 1316a b d e
--R
--R
--R
                 6 4 4
--R
           - 140b d e
--R
--R
--R
          x
--R
                  5 8 4 2 7 3 3 2 6 2 4 3 5
--R
```

```
--R
              213928a b e + 1173510a b d e + 877880a b d e + 6290a b d e
--R
--R
                    5 4 4 6 5 3
--R
             - 1500a b d e + 160b d e
--R
--R
             4
--R
           x
--R
                  68 5 7 4226 3335
--R
             43758a e + 593164a b d e + 864110a b d e + 18360a b d e
--R
--R
                  2 4 4 4 5 5 3
                                         6 6 2
--R
             - 7480a b d e + 1792a b d e - 192b d e
--R
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                   6 7 5 2 6 4 2 3 5 3 3 4 4
--R
             131274a d e + 495924a b d e + 37570a b d e - 23800a b d e
--R
--R
                 2 4 5 3 5 6 2 6 7
--R
             9792a b d e - 2368a b d e + 256b d e
--R
--R
             2
--R
            x
--R
                    6 2 6 5 3 5 4 2 4 4 3 3 5 3
--R
--R
             131274a d e + 68068a b d e - 66300a b d e + 43520a b d e
--R
--R
                    2 4 6 2 5 7 6 8
--R
              - 18496a b d e + 4608a b d e - 512b d
--R
--R
--R
               6 3 5 5 4 4 4 2 5 3 3 3 6 2
--R
          43758a d e - 48620a b d e + 35360a b d e - 16320a b d e
--R
--R
--R
              2 4 7
                      5 8
--R
          4352a b d e - 512a b d
--R
          +----+
--R
--R
         \ensuremath{\mbox{le x + d}}
--R /
--R.
           6
--R
      153153b e x + 153153a e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 996
--S 997 of 1618
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R (5)
          5 3 8 4 3 5 2 7 2 3 3 4 2 5 2 6
--R
--R
         bex + (5a be + 3b de)x + (10a be + 15a b de + 3b de)x
--R
            3 2 3 2 4 2 5 3 5
--R
--R
         (10a b e + 30a b d e + 15a b d e + b d )x
--R
           4 3 32 2
--R
                            2 3 2
                                      434
          (5a b e + 30a b d e + 30a b d e + 5a b d )x
--R
--R
           5 3 4 2 3 2 2
                                   2 3 3 3
--R
--R
          (a e + 15a b d e + 30a b d e + 10a b d )x
--R
--R
           5 2
                   4 2 3 2 3 2 5 2
                                             4 3 5 3
--R
         (3a d e + 15a b d e + 10a b d )x + (3a d e + 5a b d )x + a d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        \| b x + 2a b x + a
--R
--R
        639 53 6 2 8 2 4 3 5 2 6 2 7
--R
       - b e x + (- 6a b e - 3b d e )x + (- 15a b e - 18a b d e - 3b d e)x
--R
           3 3 3 2 4 2 5 2 6 3 6
--R
--R
       (- 20a b e - 45a b d e - 18a b d e - b d )x
--R
--R
           4 2 3
                3 3 2
                           242 535
--R
       (- 15a b e - 60a b d e - 45a b d e - 6a b d )x
--R
--R
          5 3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4
--R
       (- 6a b e - 45a b d e - 60a b d e - 15a b d )x
--R
--R
         6 3
               5 2
                         4 2 2
                                  3 3 3 3
--R
      (-ae - 18abde - 45abde - 20abd)x
--R
          6 2 5 2 4 2 3 2 6 2 5 3
--R
       (- 3a d e - 18a b d e - 15a b d )x + (- 3a d e - 6a b d )x - a d
--R
--R /
--R
      +----+ | 2 2
--R
--R
     --R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 997
)clear all
--S 998 of 1618
t0:=(d+e*x)^{(3/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(5/2)}
```

```
--R
--R
--R
    (1)
        4 5 3 4 4 2 2 3 3 3 2 2 2
--R
--R
        b e x + (4a b e + b d)x + (6a b e + 4a b d)x + (4a b e + 6a b d)x
--R
--R
              3
--R
        (a e + 4a b d)x + a d
--R *
--R
--R
       +----+ | 2 2
--R
      --R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 998
--S 999 of 1618
r0:=32/429*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^3-
  4/39*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^2+_
  2/15*(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/e+_
  256/9009*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5-_
  512/45045*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/_
  (e^6*(a+b*x))-64/1287*(b*d-a*e)^3*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^4
--R.
--R
--R
    (2)
              577 47 5 6 6
--R
--R
         6006b e x + (34650a b e + 7392b d e)x
--R
                2 3 7 4 6 5 2 5 5
--R.
--R
          (81900a b e + 44100a b d e + 126b d e )x
--R
--R
                3 2 7
                            2 3 6
                                          4 2 5
--R
         (100100a b e + 109200a b d e + 1050a b d e - 140b d e )x
--R
                             3 2 6 2 3 2 5
--R
                 4 7
--R
             64350a b e + 143000a b d e + 3900a b d e - 1200a b d e
--R
--R
               5 4 3
--R
             160b d e
--R
--R
            3
--R.
           x
--R.
--R
                  5 7
                        4 6 3225 2334
--R
             18018a e + 102960a b d e + 8580a b d e - 4680a b d e
--R
--R
                            5 5 2
                  4 4 3
             1440a b d e - 192b d e
--R
--R.
```

```
--R
          2
--R
         X
--R
              5 6 4 2 5 3 2 3 4 2 3 4 3
--R
          36036a d e + 12870a b d e - 11440a b d e + 6240a b d e
--R
--R
                4 5 2 5 6
--R
--R
          - 1920a b d e + 256b d e
--R
--R
         X
--R
           5 2 5 4 3 4 3 2 4 3 2 3 5 2
--R
        18018a d e - 25740a b d e + 22880a b d e - 12480a b d e
--R
--R
            4 6
--R
                  5 7
--R
        3840a b d e - 512b d
--R
--R
              +----+
       +-----+ | 2 2 2
--R
--R
       --R /
--R
       6 6
--R
     45045b e x + 45045a e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 999
--S 1000 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
          577 47 5 6 6
--R
--R
        6006b e x + (34650a b e + 7392b d e)x
--R
                        4 6
--R
            2 3 7
                                5 2 5 5
        (81900a b e + 44100a b d e + 126b d e )x
--R
--R
--R
             3 2 7 2 3 6 4 2 5 5 3 4 4
--R
        (100100a b e + 109200a b d e + 1050a b d e - 140b d e )x
--R
                      3 2 6 2 3 2 5
--R
--R
          64350a b e + 143000a b d e + 3900a b d e - 1200a b d e
--R
--R
             5 4 3
--R
          160b d e
--R
--R
--R
         X
--R
               5 7
--R
                     4 6 3225 2334
```

```
--R
            18018a e + 102960a b d e + 8580a b d e - 4680a b d e
--R
--R
                 4 4 3 5 5 2
--R
           1440a b d e  - 192b d e
--R
--R
           2
--R
           X
--R
                5 6 4 2 5 3 2 3 4 2 3 4 3
--R
            36036a d e + 12870a b d e - 11440a b d e + 6240a b d e
--R
--R
                  4 5 2 5 6
--R
            - 1920a b d e + 256b d e
--R
--R
--R
           X
--R
--R
             5 2 5 4 3 4 3 2 4 3 2 3 5 2
         18018a d e - 25740a b d e + 22880a b d e - 12480a b d e
--R
--R
             4 6 5 7
--R
--R
         3840a b d e - 512b d
--R
--R
        +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
       6
--R
--R
      45045e
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1000
--S 1001 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
               577 47 5 6 6
--R
--R
           -6006b e x + (-34650a b e -7392b d e)x
--R
--R
                  2 3 7
                              4 6
                                       5 2 5 5
--R
          (- 81900a b e - 44100a b d e - 126b d e )x
--R
--R
                  3 2 7
                           2 3 6 4 2 5 5 3 4 4
--R
           (- 100100a b e - 109200a b d e - 1050a b d e + 140b d e )x
--R
--R
                   4 7 3 2 6 2 3 2 5 4 3 4
--R
              - 64350a b e - 143000a b d e - 3900a b d e + 1200a b d e
--R
--R
                   5 4 3
              - 160b d e
--R
--R
```

```
--R
           3
--R
          x
--R
                   5 7 4 6 3 2 2 5 2 3 3 4
--R
            - 18018a e - 102960a b d e - 8580a b d e + 4680a b d e
--R
--R
                   4 4 3 5 5 2
--R
--R
            - 1440a b d e + 192b d e
--R
--R
            2
--R
           X
--R
                  5 6 4 2 5 3 2 3 4 2 3 4 3
--R
--R
             - 36036a d e - 12870a b d e + 11440a b d e - 6240a b d e
--R
--R
                 4 5 2 5 6
--R
             1920a b d e - 256b d e
--R
--R
--R
               5 2 5 4 3 4 3 2 4 3 2 3 5 2
--R
--R
          - 18018a d e + 25740a b d e - 22880a b d e + 12480a b d e
--R
--R
               4 6 5 7
--R
          - 3840a b d e + 512b d
--R
--R
                +----+
         +-----+ | 2 2 2
--R
--R
        --R
              6 7 8
                         5 7 6 6 7
--R
--R
         6006b e x + (40656a b e + 7392b d e )x
--R
               247 56 6256
--R
--R
         (116550a b e + 51492a b d e + 126b d e )x
--R
--R
               3 3 7 2 4 6 5 2 5
                                               6345
--R
          (182000a b e + 153300a b d e + 1176a b d e - 140b d e)x
--R
--R
                         3 3 6 2 4 2 5
             164450a b e + 252200a b d e + 4950a b d e - 1340a b d e
--R
--R
--R
               6 4 3
            160b d e
--R
--R
--R
            4
--R
           х
--R
                 5 7 4 2 6 3 3 2 5 2 4 3 4
--R
--R
             82368a b e + 245960a b d e + 12480a b d e - 5880a b d e
```

```
--R
             5 4 3 6 5 2
--R
--R
            1600a b d e - 192b d e
--R
--R
            3
--R
          x
--R
                 6 7 5 6
                                      4 2 2 5 3 3 3 4
--R
--R
            18018a e + 138996a b d e + 21450a b d e - 16120a b d e
--R
--R
                2 4 4 3 5 5 2 6 6
            7680a b d e - 2112a b d e + 256b d e
--R
--R
--R
--R
           x
--R
--R.
                6 6 5 2 5 4 2 3 4 3 3 4 3
--R
             36036a d e + 30888a b d e - 37180a b d e + 29120a b d e
--R
                  2 4 5 2 5 6 6 7
--R
--R
             - 14400a b d e + 4096a b d e - 512b d
--R
--R
          x
--R
            6 2 5 5 3 4 4 2 4 3 3 3 5 2
--R
--R
         18018a d e - 25740a b d e + 22880a b d e - 12480a b d e
--R
              2 4 6 5 7
--R
--R
         3840a b d e - 512a b d
--R
--R
         +----+
--R
        \exists x + d
--R /
        6 6
--R
     45045b e x + 45045a e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1001
--S 1002 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R.
          5 2 7 4 2 5 6 2 3 2 4 5 2 5
--R
          b e x + (5a b e + 2b d e)x + (10a b e + 10a b d e + b d )x
--R
--R
            3 2 2 2 3 4 2 4
         (10a b e + 20a b d e + 5a b d )x
--R
--R
          4 2 3 2 2 3 2 3 5 2 4 3 2 2 2
--R
```

```
--R
           (5a b e + 20a b d e + 10a b d )x + (a e + 10a b d e + 10a b d )x
--R
--R
             5 4 2 5 2
--R
           (2a d e + 5a b d)x + a d
--R
--R
          +----+
          | 2 2 2
--R
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
                  5 2 6 7
--R
          6 2 8
                                         2 4 2 5
--R
       - b e x + (- 6a b e - 2b d e)x + (- 15a b e - 12a b d e - b d )x
--R
                     2 4
--R
             3 3 2
                                5 2 5
--R
        (- 20a b e - 30a b d e - 6a b d )x
--R
--R
            4 2 2
                    3 3 2 4 2 4
--R
        (- 15a b e - 40a b d e - 15a b d )x
--R
                            3 3 2 3 6 2 5
--R
           5 2 4 2
                                                           4 2 2 2
--R
        (- 6a b e - 30a b d e - 20a b d )x + (- a e - 12a b d e - 15a b d )x
--R
           6 5 2
--R
--R
        (- 2a d e - 6a b d )x - a d
--R /
--R
               +----+
       +-----+ | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1002
)clear all
--S 1003 of 1618
t0:=(d+e*x)^(1/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
   (1)
--R
            3 3 2 2 2 3 4 +----+ | 2 2
--R
--R
    (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1003
--S 1004 of 1618
r0:=160/1287*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^3-_
  20/143*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/e^2+_
  2/13*(d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/e+_
  256/3003*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5-_
  512/9009*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/_
  (e^6*(a+b*x))-320/3003*(b*d-a*e)^3*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)*_
```

```
sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^4
--R
--R
--R
    (2)
            5 6 6 4 6 5 5 5
--R
--R
        1386b e x + (8190a b e + 126b d e )x
--R
--R
              2 3 6
                        4 5
        (20020a b e + 910a b d e - 140b d e )x
--R
--R
--R
              3 2 6 2 3 5 4 2 4 5 3 3 3
         (25740a b e + 2860a b d e - 1040a b d e + 160b d e )x
--R
--R
                         3 2 5 2 3 2 4
--R
--R
             18018a b e + 5148a b d e - 3432a b d e + 1248a b d e
--R
--R
                  5 4 2
--R
             - 192b d e
--R
--R
           2
--R
          x
--R
--R
               5 6 4 5 3 2 2 4 2 3 3 3
--R
           6006a e + 6006a b d e - 6864a b d e + 4576a b d e
--R
              4 4 2 5 5
--R
--R
            - 1664a b d e + 256b d e
--R
--R
          X
--R
          5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 4 5
--R
--R
         6006a d e \, - 12012a b d e \, + 13728a b d e \, - 9152a b d e \, + 3328a b d e
--R
--R
            5 6
--R
        - 512b d
--R
--R
               +----+
--R
       +----+ | 2 2
--R
       --R /
--R
          6
--R
      9009b e x + 9009a e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1004
--S 1005 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
5 6 6 4 6 5 5 5
--R
--R
         1386b e x + (8190a b e + 126b d e)x
--R
--R
              2 3 6
                        4 5 5 2 4 4
--R
         (20020a b e + 910a b d e - 140b d e )x
--R
              3 2 6 2 3 5 4 2 4 5 3 3 3
--R
--R
         (25740a b e + 2860a b d e - 1040a b d e + 160b d e )x
--R
                 4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3
--R
--R
             18018a b e + 5148a b d e - 3432a b d e + 1248a b d e
--R
--R
                  5 4 2
--R
             - 192b d e
--R
--R
           2
--R
          X
--R
               5 6 4 5 3 2 2 4 2 3 3 3
--R
--R
            6006a e + 6006a b d e - 6864a b d e + 4576a b d e
--R
--R
               4 4 2 5 5
            - 1664a b d e + 256b d e
--R
--R
--R
--R
          5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 4 5
--R
--R
         6006a d e - 12012a b d e + 13728a b d e - 9152a b d e + 3328a b d e
--R
--R
             5 6
--R
        - 512b d
--R
       +----+
--R
--R
       \leq x + d
--R /
--R
        6
--R
      9009e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1005
--S 1006 of 1618
m0:=a0-r0
--R.
--R
--R (4)
--R
               5 6 6
                        46 5 5 5
--R
          - 1386b e x + (- 8190a b e - 126b d e )x
--R
                 2 3 6 4 5 5 2 4 4
--R
--R
           (- 20020a b e - 910a b d e + 140b d e )x
```

```
--R
            3 2 6 2 3 5 4 2 4 5 3 3 3
--R
--R
         (- 25740a b e - 2860a b d e + 1040a b d e - 160b d e )x
--R
                 4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3
--R
--R
            - 18018a b e - 5148a b d e + 3432a b d e - 1248a b d e
--R
--R
               5 4 2
           192b d e
--R
--R
--R
            2
--R
          X
--R
                 5 6 4 5 3 2 2 4 2 3 3 3
--R
--R
            - 6006a e - 6006a b d e + 6864a b d e - 4576a b d e
--R
--R
                 4 4 2 5 5
--R
            1664a b d e - 256b d e
--R
--R
          X
--R
             5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2
--R
--R
          - 6006a d e + 12012a b d e - 13728a b d e + 9152a b d e
--R
            4 5 5 6
--R
--R
          - 3328a b d e + 512b d
--R
--R
        +-----+ | 2 2 2
--R
--R
        --R
             6 6 7 5 6 6 5 6
--R
--R
         1386b e x + (9576a b e + 126b d e )x
--R
              246 5 5 624 5
--R
         (28210a b e + 1036a b d e - 140b d e )x
--R
--R
--R
                                5 2 4 6 3 3 4
              3 3 6 2 4 5
         (45760a b e + 3770a b d e - 1180a b d e + 160b d e )x
--R
--R
                4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
--R
            43758a b e + 8008a b d e - 4472a b d e + 1408a b d e
--R
--R
--R
                6 4 2
--R
           - 192b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                 5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
```

```
--R
              24024a b e + 11154a b d e - 10296a b d e + 5824a b d e
--R
--R
                    5 4 2 6 5
--R
             - 1856a b d e + 256b d e
--R
--R
             2
--R
           x
--R
                6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
--R
             6006a e + 12012a b d e - 18876a b d e + 18304a b d e
--R
                                      6 6
                   2 4 4 2 5 5
--R
             - 10816a b d e + 3584a b d e - 512b d
--R
--R
--R
--R
--R
             6 5 5 2 4 4 2 3 3 3 3 4 2
--R
          6006a d e - 12012a b d e + 13728a b d e - 9152a b d e
--R
             2 4 5 5 6
--R
--R
          3328a b d e - 512a b d
--R
--R
         +----+
--R
         \exists x + d
--R /
        6 6
--R
--R
      9009b e x + 9009a e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1006
--S 1007 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
          5 6 4 5 5 2 3 4 4
--R
--R
         b e x + (5a b e + b d)x + (10a b e + 5a b d)x
--R
            3 2 2 3 3 4 3 2 2 5
--R
                                                     4
--R
          (10a b e + 10a b d)x + (5a b e + 10a b d)x + (a e + 5a b d)x + a d
--R
--R
--R
          1 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                                   24 5 5
--R
         6 7
                 5
                         6 6
       - b e x + (-6a b e - b d)x + (-15a b e - 6a b d)x
--R
--R
         3 3 2 4 4 4 2 3 3 3
--R
       (-20a b e - 15a b d)x + (-15a b e - 20a b d)x
--R
```

```
--R
          5 422 6 5
--R
--R
        (-6abe-15abd)x + (-ae-6abd)x - ad
--R /
--R
               +----+
      +-----+ | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1007
)clear all
--S 1008 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(1/2)
--R
--R
--R
                                      4 | 2 2
--R.
          4 4 3 3 2 2 2 3
--R
         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R (1) ------
--R
                               +----+
--R
                              \label{eq:lemma_def} \
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1008
--S 1009 of 1618
r0:=160/693*(b*d-a*e)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/e^3-_
  20/99*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/e^2+_
  2/11*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/e+256/693*(b*d-a*e)^4*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5-512/693*(b*d-a*e)^5*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x))-_
  64/231*(b*d-a*e)^3*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^4
--R
--R
--R
     (2)
            555 45 544
--R
--R
         126b e x + (770a b e - 140b d e )x
--R
--R
              2 3 5
                      4 4
                                  5 2 3 3
--R
         (1980a b e - 880a b d e + 160b d e )x
--R
                                      4 2 3
--R
              3 2 5 2 3 4
                                              5 3 2 2
--R.
         (2772a b e - 2376a b d e + 1056a b d e - 192b d e )x
--R.
--R
              4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
          (2310a b e - 3696a b d e + 3168a b d e - 1408a b d e + 256b d e)x
--R
--R
                                 3 2 2 3
                     4
                          4
                                               2 3 3 2
         1386a e - 4620a b d e + 7392a b d e - 6336a b d e + 2816a b d e
--R
--R
```

```
5 5
--R
       - 512b d
--R
--R
--R
               +----+
       +----+ | 2 2 2
--R
--R
       --R /
--R
         6
--R
      693b e x + 693a e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1009
--S 1010 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
           555 45 544
--R
--R
         126b e x + (770a b e - 140b d e )x
--R
--R
             2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
        (1980a b e - 880a b d e + 160b d e )x
--R
--R
              3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
         (2772a b e - 2376a b d e + 1056a b d e - 192b d e )x
--R
             4 5 3 2 4 2 3 2 3
--R
--R
         (2310a b e - 3696a b d e + 3168a b d e - 1408a b d e + 256b d e)x
--R
             5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
        1386a e - 4620a b d e + 7392a b d e - 6336a b d e + 2816a b d e
--R
--R
--R
            5 5
--R
        - 512b d
--R
        +----+
--R
--R
       \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
        6
--R
      693e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1010
--S 1011 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
              555 45 544
--R
          - 126b e x + (- 770a b e + 140b d e )x
--R
```

```
--R
              2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
         (- 1980a b e + 880a b d e - 160b d e )x
--R
               3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
          (- 2772a b e + 2376a b d e - 1056a b d e + 192b d e )x
--R
                 4 5 3 2 4
                                     2 3 2 3 4 3 2
--R
            - 2310a b e + 3696a b d e - 3168a b d e + 1408a b d e
--R
--R
                5 4
--R
            - 256b d e
--R
--R
--R
--R
--R
              5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
          - 1386a e + 4620a b d e - 7392a b d e + 6336a b d e - 2816a b d e
--R
--R
           5 5
--R
          512b d
--R
--R
               +----+
        +-----+ | 2 2 2
--R
        --R
--R
            6 5 6 5 5 6 4 5
--R
--R
         126b e x + (896a b e - 140b d e )x
--R
                   5 4 6234
--R
              2 4 5
--R
         (2750a b e - 1020a b d e + 160b d e )x
--R
              3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
--R
          (4752a b e - 3256a b d e + 1216a b d e - 192b d e )x
--R
                 4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2
--R
              5082a b e - 6072a b d e + 4224a b d e - 1600a b d e
--R
--R
                6 4
--R
--R
              256b d e
--R
--R
            2
--R
           x
--R
--R
                5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
--R
             3696a b e - 8316a b d e + 10560a b d e - 7744a b d e
--R
                5 4 6 5
--R
--R
             3072a b d e - 512b d
--R
--R
           x
```

```
--R
           65 5 4 4223 3332 244
--R
--R
         1386a e - 4620a b d e + 7392a b d e - 6336a b d e + 2816a b d e
--R
--R
               5 5
--R
         - 512a b d
--R
--R
         +----+
        \leq x + d
--R
--R /
         6 6
--R
--R
      693b e x + 693a e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1011
--S 1012 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
      (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
--R
        6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2
                                              5 6
--R
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
--R
--R
      +-----+ | 2 2 2
--R
     --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1012
)clear all
--S 1013 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3
                                   4 | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R (1) ------
--R.
--R
                       (e x + d) \setminus |e x + d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1013
--S 1014 of 1618
r0:=-2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(e*sqrt(d+e*x))-160/63*b*(b*d-a*e)*_
```

```
(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/e^3+20/9*b*(a+b*x)*_
  (a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/e^2-256/63*b*(b*d-a*e)^3*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5+512/63*b*(b*d-a*e)^4*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x))+64/21*_
  b*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^4
--R
--R
--R
     (2)
           555 45 544
--R
--R
         14b e x + (90a b e - 20b d e )x
--R
--R
              2 3 5
                                 5233
                        4 4
          (252a b e - 144a b d e + 32b d e)x
--R
--R
--R
                      234
              3 2 5
                                    4 2 3
                                             5 3 2 2
--R
          (420a b e - 504a b d e + 288a b d e - 64b d e )x
--R
--R.
             4 5
                       3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
          (630a b e - 1680a b d e + 2016a b d e - 1152a b d e + 256b d e)x
--R
--R
--R
                      4
                           4
                                    3 2 2 3
                                                 2 3 3 2
--R
          - 126a e + 1260a b d e - 3360a b d e + 4032a b d e - 2304a b d e
--R
--R
             5 5
--R
          512b d
--R
--R
         +----+
         | 2 2
--R
--R
        --R /
--R
           6
                   6 +----+
--R
      (63b e x + 63a e) | e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1014
--S 1015 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
          5 5 5
                   4 5
                            5 4 4
        14b e x + (90a b e - 20b d e)x
--R
--R.
--R.
            2 3 5
                    4 4 5233
--R
        (252a b e - 144a b d e + 32b d e )x
--R
--R
            3 2 5
                    2 3 4 4 2 3
--R
        (420a b e - 504a b d e + 288a b d e - 64b d e)x
--R
--R
            4 5
                      3 2 4
                                  2 3 2 3 4 3 2 5 4
```

```
--R
                       (630a b e - 1680a b d e + 2016a b d e - 1152a b d e + 256b d e)x
--R
--R
                                   5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
                     - 126a e + 1260a b d e - 3360a b d e + 4032a b d e - 2304a b d e
--R
--R
                                 5 5
--R
                     512b d
--R /
                      6 +----+
--R
--R
                   63e \leq x + d
--R
                                                                                                           Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1015
--S 1016 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                         555 45 544
--R
                                 -14b e x + (-90a b e + 20b d e)x
--R
--R
                                                2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
                                 (- 252a b e + 144a b d e - 32b d e )x
--R
--R
                                               3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
                                 (- 420a b e + 504a b d e - 288a b d e + 64b d e )x
--R
--R
                                                        4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
--R
                                                - 630a b e + 1680a b d e - 2016a b d e + 1152a b d e
--R
--R
                                                           5 4
--R
                                              - 256b d e
--R
--R
--R
                                       5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
                               126a e - 1260a b d e + 3360a b d e - 4032a b d e + 2304a b d e
--R
                                            5 5
--R
--R
                                - 512b d
--R
--R
--R
                               1 2 2
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                             6 5 6 5 5 6 4 5
--R
--R
                        14b e x + (104a b e - 20b d e)x
--R
                                2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
--R
                        (342a b e - 164a b d e + 32b d e)x
```

```
--R
        3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
--R
       (672a b e - 648a b d e + 320a b d e - 64b d e )x
--R
            4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 2
--R
--R
       (1050a b e - 2184a b d e + 2304a b d e - 1216a b d e + 256b d e)x
--R
--R
            5 5
                     4 2 4
                                 3 3 2 3
                                            2 4 3 2
         504a b e - 420a b d e - 1344a b d e + 2880a b d e - 2048a b d e
--R
--R
--R
            6 5
--R
         512b d
--R
--R
        x
--R
--R
          6 5
                 5 4 4 2 2 3 3 3 3 2 2 4 4
--R
       - 126a e + 1260a b d e - 3360a b d e + 4032a b d e - 2304a b d e
--R
--R
          5 5
--R
       512a b d
--R /
       6 6 +----+
--R
--R
      (63b e x + 63a e) | e x + d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1016
--S 1017 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
      (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
--R
        66 55 244 333 422 5
--R
--R
      - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
                     +----+
--R
             +-----+ | 2 2 2
--R
--R
    (e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1017
)clear all
--S 1018 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
```

```
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a)\|b x + 2a b x + a
--R
                       2 2 2 +----+
--R
--R
                       (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1018
--S 1019 of 1618
r0:=-2/3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^(3/2))-20/3*b*(a+b*x)*__
  (a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^2*sqrt(d+e*x))+160/21*b^2*(a^2+_
  2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/e^3+256/21*b^2*(b*d-a*e)^2*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5-512/21*b^2*(b*d-a*e)^3*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x))-64/7*b^2*_
  (b*d-a*e)*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^4
--R
--R
--R
    (2)
           555 45 5 4 4
--R
--R
          6b e x + (42a b e - 12b d e)x
--R
              2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
         (140a b e - 112a b d e + 32b d e )x
--R
--R
              3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
          (420a b e - 840a b d e + 672a b d e - 192b d e )x
--R
--R
                       3 2 4
                                    2 3 2 3
                                               4 3 2 5 4
--R.
          (- 210a b e + 1680a b d e - 3360a b d e + 2688a b d e - 768b d e)x
--R
              5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
          - 14a e - 140a b d e + 1120a b d e - 2240a b d e + 1792a b d e
--R
--R
              5 5
         - 512b d
--R
--R
--R
        +----+
         1 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R /
                 7
--R
          7 2
                             6
--R.
      (21b e x + (21a e + 21b d e)x + 21a d e) \le x + d
--R.
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1019
--S 1020 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R
             (3)
                      5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
                    6b e x + (42a b e - 12b d e )x
--R
                              2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
                     (140a b e - 112a b d e + 32b d e )x
--R
--R
                                3 2 5
                                                         234
                                                                                              4 2 3
                     (420a b e - 840a b d e + 672a b d e - 192b d e )x
--R
--R
--R
                                  4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
                     (- 210a b e + 1680a b d e - 3360a b d e + 2688a b d e - 768b d e)x
--R
--R
                               5 5
                                                    4 4
                                                                                       3 2 2 3 2 3 3 2
--R
                     - 14a e - 140a b d e + 1120a b d e - 2240a b d e + 1792a b d e
--R
--R
                                5 5
--R
                      - 512b d
--R /
                        7 6 +----+
--R
--R
                  (21e x + 21d e) | e x + d
--R
                                                                                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1020
--S 1021 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
           (4)
                                     5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
                               -6b e x + (-42a b e + 12b d e)x
--R
--R
                                               2 3 5
                                                                                                      5 2 3 3
--R
                              (- 140a b e + 112a b d e - 32b d e )x
--R
                                                                      2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
                                               3 2 5
--R
                              (- 420a b e + 840a b d e - 672a b d e + 192b d e )x
--R
                                                                     3 2 4
--R
                                         4 5
                                                                                                        2 3 2 3 4 3 2
--R
                               (210a b e - 1680a b d e + 3360a b d e - 2688a b d e + 768b d e)x
--R
--R
                                                         4
                                                                       4 3 2 2 3 2 3 3 2
--R
                               14a e + 140a b d e - 1120a b d e + 2240a b d e - 1792a b d e
--R
--R
                                       5 5
--R
                               512b d
--R
--R
                             +----+
                             | 2 2 2
--R
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
```

```
--R
      656 55 6 4 5
--R
--R
      6b e x + (48a b e - 12b d e )x
--R
          2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
--R
       (182a b e - 124a b d e + 32b d e )x
--R
                  2 4 4
--R
           3 3 5
                               5 2 3
       (560a b e - 952a b d e + 704a b d e - 192b d e )x
--R
--R
--R
          425 334 2423 532 642
       (210a b e + 840a b d e - 2688a b d e + 2496a b d e - 768b d e)x
--R
--R
--R
                     4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
--R
          - 224a b e + 1540a b d e - 2240a b d e + 448a b d e + 1024a b d e
--R
--R
              6 5
--R
         - 512b d
--R
--R
        X
--R
         65 5 4 4223 3332 244
--R
--R
       - 14a e - 140a b d e + 1120a b d e - 2240a b d e + 1792a b d e
--R
         5 5
--R
--R
       - 512a b d
--R /
--R
       7 2 7 6 6 +----+
--R
      (21b e x + (21a e + 21b d e)x + 21a d e) \le x + d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1021
--S 1022 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
               4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2
--R
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
               5 5 2 4 4 3 3 3
--R
        6 6
                                       4 2 2 5
--R
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
--R
                             +----+
      2 2 2 +----+ | 2 2 2
--R
      (e x + 2d e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1022
```

```
)clear all
--S 1023 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
                                       4 | 2 2 2
          4 4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
--R
                  3 3 2 2 2
--R
                 (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1023
--S 1024 of 1618
r0:=-4/3*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^2*(d+e*x)^(3/2))-_
  2/5*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^(5/2))-32/3*b^2*(a^2+__
  2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^3*sqrt(d+e*x))-256/15*b^3*(b*d-a*e)*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5+512/15*b^3*(b*d-a*e)^2*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x))+64/5*b^3*_
  (a+b*x)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^4
--R
--R
--R
     (2)
           555 45 544
--R
--R
          6b e x + (50a b e - 20b d e)x
--R
                    4 4 5 2 3 3
--R
              2 3 5
--R.
          (300a b e - 400a b d e + 160b d e)x
--R
                3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
          (- 300a b e + 1800a b d e - 2400a b d e + 960b d e )x
--R
--R
              4 5
                       3 2 4
                                    2 3 2 3
                                                   4 3 2
--R
          (-50a b e - 400a b d e + 2400a b d e - 3200a b d e + 1280b d e)x
--R
                 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2
--R
                                                       4 4
        - 6a e - 20a b d e - 160a b d e + 960a b d e - 1280a b d e + 512b d
--R
--R
--R
        +----+
--R
         122
--R
        --R /
            8 3 8
--R
                           7 2 7 2 6 2 6
--R
        (15b e x + (15a e + 30b d e )x + (30a d e + 15b d e )x + 15a d e )
--R
--R
        +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1024
--S 1025 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          (3)
                      555 45 5 4 4
--R
--R
                   6b e x + (50a b e - 20b d e)x
--R
--R
                             2 3 5 4 4 5 2 3 3
                    (300a b e - 400a b d e + 160b d e )x
--R
--R
--R
                                  3 2 5
                                                        2 3 4 4 2 3
                                                                                                                      5 3 2 2
--R
                    (- 300a b e + 1800a b d e - 2400a b d e + 960b d e )x
--R
--R
                               4 5 3 2 4 2 3 2 3
                                                                                                                               4 3 2
                    (- 50a b e - 400a b d e + 2400a b d e - 3200a b d e + 1280b d e)x
--R
--R
                                             4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
                     - 6a e - 20a b d e - 160a b d e + 960a b d e - 1280a b d e + 512b d
--R /
--R
                        8 2
                                         7
                                                             2 6 +----+
                  (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
--R
                                                                                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1025
--S 1026 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                    5 5 5
--R
                                                                      45 5 4 4
--R
                             -6b e x + (-50a b e + 20b d e)x
--R
                                             2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
                            (- 300a b e + 400a b d e - 160b d e )x
--R
--R
                                       3 2 5 2 3 4
                                                                                                      4 2 3
                                                                                                                                5 3 2 2
--R
                             (300a b e - 1800a b d e + 2400a b d e - 960b d e )x
--R
                                                                                                                                   4 3 2
--R
                                     4 5 3 2 4 2 3 2 3
--R
                             (50a b e + 400a b d e - 2400a b d e + 3200a b d e - 1280b d e)x
--R
                             5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
                          6a e + 20a b d e + 160a b d e - 960a b d e + 1280a b d e - 512b d
--R
--R
                           | 2 2 2
--R
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
```

```
--R
       656 55 6 4 5
--R
--R
      6b e x + (56a b e - 20b d e )x
--R
          2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
--R
       (350a b e - 420a b d e + 160b d e )x
--R
           2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
       (1400a b d e - 2240a b d e + 960b d e )x
--R
--R
--R
           4 2 5 3 3 4 5 3 2 6 4 2
       (- 350a b e + 1400a b d e - 2240a b d e + 1280b d e)x
--R
--R
--R
           5 5
                  4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
       (- 56a b e - 420a b d e + 2240a b d e - 2240a b d e + 512b d )x
--R
--R
--R
              5 4 4 2 2 3 3 3 3 2 2 4 4
        6 5
--R
      - 6a e - 20a b d e - 160a b d e + 960a b d e - 1280a b d e + 512a b d
--R /
          83 8 72 7 26 26
--R
--R
       (15b e x + (15a e + 30b d e)x + (30a d e + 15b d e)x + 15a d e)
--R
--R
--R
       \ | e x + d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1026
--S 1027 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
--R
        6 6
                5 5
                       2 4 4
                               3 3 3
                                       4 2 2 5
--R
      - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
--R
             2 2 2 3 +----+ | 2 2 2
--R
      3 3
--R
     (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1027
)clear all
--S 1028 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(9/2)
--R
```

```
--R
--R
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R.
     (1) -----
               4 4 3 3 2 2 2 3
                                              4 +----+
--R
--R
              (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) | e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1028
--S 1029 of 1618
r0:=-4/7*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^2*(d+e*x)^(5/2))-_
  32/21*b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^(3/2))-2/7*_
  (a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^(7/2))-64/7*b^3*(a+b*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*sqrt(d+e*x))+256/21*b^4*sqrt(d+e*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/e^5-512/21*b^4*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
           5 5 5 4 5 5 4 4
         14b e x + (210a b e - 140b d e )x
--R
--R
--R
                2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
          (-420a b e + 1680a b d e - 1120b d e)x
--R
--R
                     234
                                       4 2 3
--R
          (- 140a b e - 840a b d e + 3360a b d e - 2240b d e )x
--R
                       3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
               4 5
--R
          (- 42a b e - 112a b d e - 672a b d e + 2688a b d e - 1792b d e)x
--R
--R
                   4 4 3 2 2 3
                                          2 3 3 2
                                                        4 4
--R
          - 6a e - 12a b d e - 32a b d e - 192a b d e + 768a b d e - 512b d
--R
--R
--R
         1 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R /
--R
                     9
                                8 3
--R
          21b e x + (21a e + 63b d e)x + (63a d e + 63b d e)x
--R
--R.
              2 7
                    3 6
                                 3 6
--R
          (63a d e + 21b d e)x + 21a d e
--R
--R
        +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1029
```

```
--S 1030 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
         5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
      14b e x + (210a b e - 140b d e )x
--R
             2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
       (- 420a b e + 1680a b d e - 1120b d e )x
--R
                   234
--R
            3 2 5
                                  4 2 3
                                            5 3 2 2
--R
       (- 140a b e - 840a b d e + 3360a b d e - 2240b d e )x
--R
--R
           4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
       (- 42a b e - 112a b d e - 672a b d e + 2688a b d e - 1792b d e)x
--R
--R
         5 5
                4 4
                          3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
       - 6a e - 12a b d e - 32a b d e - 192a b d e + 768a b d e - 512b d
--R
--R /
--R
              8 2 2 7 3 6 +----+
--R
      (21e x + 63d e x + 63d e x + 21d e) | e x + d
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1030
--S 1031 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
             5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
          - 14b e x + (- 210a b e + 140b d e )x
--R
              2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
          (420a b e - 1680a b d e + 1120b d e )x
--R
--R
             3 2 5 2 3 4
                                   4 2 3
                                             5 3 2 2
--R
          (140a b e + 840a b d e - 3360a b d e + 2240b d e )x
--R
--R
                     3 2 4
                                2 3 2 3
                                             4 3 2
--R
          (42a b e + 112a b d e + 672a b d e - 2688a b d e + 1792b d e)x
--R
--R
           5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
          6a e + 12a b d e + 32a b d e + 192a b d e - 768a b d e + 512b d
--R
         +----+
--R
         | 2 2 2
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
         6 5 6 5 5 6 4 5
```

```
--R
       14b e x + (224a b e - 140b d e )x
--R
             2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
--R
       (- 210a b e + 1540a b d e - 1120b d e )x
--R
                                  5 2 3 6 3 2 3
--R
             3 3 5
                    244
--R
       (- 560a b e + 840a b d e + 2240a b d e - 2240b d e )x
--R
            4 2 5 3 3 4
                                2 4 2 3 5 3 2
--R
                                                       6 4 2
--R
       (- 182a b e - 952a b d e + 2688a b d e + 448a b d e - 1792b d e)x
--R
             5 5
                     4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
--R
          - 48a b e - 124a b d e - 704a b d e + 2496a b d e - 1024a b d e
--R
--R
--R
              6 5
--R
          - 512b d
--R
--R
         X
--R
                5 4 4223 3332 244
--R
--R
       - 6a e - 12a b d e - 32a b d e - 192a b d e + 768a b d e - 512a b d
--R /
--R
                             8 3
--R
         21b e x + (21a e + 63b d e )x + (63a d e + 63b d e )x
--R
            27 36 36
--R
--R
         (63a d e + 21b d e)x + 21a d e
--R
--R
        +----+
--R
       --R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1031
--S 1032 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
              44 233 322 4 5 22
--R
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
--R.
         6 6 5 5 2 4 4 3 3 3
                                        4 2 2 5
--R
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
--R
                                             +----+
      4 4 3 3 2 2 2 3 4 +-----+ | 2 2 2
--R
      (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d )\|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1032
```

```
)clear all
--S 1033 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(11/2)
--R
--R
--R
                  3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
           4 4
         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R.
     (1) -----
--R
          5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4
--R
         (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1033
--S 1034 of 1618
 \texttt{r0:=-20/63*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^2*(d+e*x)^(7/2))-\_ } 
  32/63*b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^(5/2))-_
  2/9*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^(9/2))-64/63*b^3*_
  (a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(d+e*x)^(3/2))+_
  256/63*b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^5*sqrt(d+e*x))+_
  512/63*b^4*(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
                   45 5 4 4
--R
             5 5 5
--R
         126b e x + (- 630a b e + 1260b d e )x
--R
                2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
          (- 420a b e - 1680a b d e + 3360b d e )x
--R
--R
                3 2 5
                        234
                                       4 2 3
--R
          (- 252a b e - 504a b d e - 2016a b d e + 4032b d e )x
--R
                                                  4 3 2
--R
              4 5
                       3 2 4
                                    2 3 2 3
--R
          (- 90a b e - 144a b d e - 288a b d e - 1152a b d e + 2304b d e)x
--R
                               3 2 2 3 2 3 3 2
                                                       4 4
--R
             5 5
                    4 4
--R
          - 14a e - 20a b d e - 32a b d e - 64a b d e - 256a b d e + 512b d
--R
--R
--R.
         | 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R /
--R
              10 5
                    10
                                  9 4
                                                         283
--R
          63b e x + (63a e + 252b d e)x + (252a d e + 378b d e)x
--R
               28 372 37 46 46
--R
--R
          (378a d e + 252b d e)x + (252a d e + 63b d e)x + 63a d e
```

```
--R
        +----+
--R
--R
       --R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1034
--S 1035 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
                                5 4 4
          5 5 5
                       4 5
       126b e x + (- 630a b e + 1260b d e )x
--R
--R
--R
                     4 4 5 2 3 3
            2 3 5
--R
       (- 420a b e - 1680a b d e + 3360b d e )x
--R
--R
            3 2 5 2 3 4 4 2 3
                                            5 3 2 2
--R
       (- 252a b e - 504a b d e - 2016a b d e + 4032b d e )x
--R
--R
           4 5 32 4
                                2 3 2 3
                                             4 3 2
--R
       (- 90a b e - 144a b d e - 288a b d e - 1152a b d e + 2304b d e)x
--R
--R
          5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
        - 14a e - 20a b d e - 32a b d e - 64a b d e - 256a b d e + 512b d
--R /
         10 4 9 3 2 8 2 3 7 4 6 +----+
--R
--R
      (63e x + 252d e x + 378d e x + 252d e x + 63d e) | e x + d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1035
--S 1036 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
               5 5 5
                          4 5
                                   5 4 4
--R
          -126b e x + (630a b e - 1260b d e)x
--R
--R
                          4 4
                                    5 2 3 3
--R
          (420a b e + 1680a b d e - 3360b d e )x
--R
--R.
              3 2 5 2 3 4 4 2 3
                                             5 3 2 2
--R
           (252a b e + 504a b d e + 2016a b d e - 4032b d e )x
--R
--R
                      3 2 4
                                  2 3 2 3
                                               4 3 2
--R
          (90a b e + 144a b d e + 288a b d e + 1152a b d e - 2304b d e)x
--R
            5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
           14a e + 20a b d e + 32a b d e + 64a b d e + 256a b d e - 512b d
```

```
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                           6 4 5
         6 5 6 5 5
--R
--R
      126b e x + (- 504a b e + 1260b d e )x
--R
             2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
--R
       (- 1050a b e - 420a b d e + 3360b d e )x
--R
--R
           3 3 5
                    244
                                  5 2 3
                                            6 3 2 3
       (- 672a b e - 2184a b d e + 1344a b d e + 4032b d e )x
--R
--R
--R
           4 2 5 3 3 4 2 4 2 3
                                       5 3 2 6 4 2
--R
       (- 342a b e - 648a b d e - 2304a b d e + 2880a b d e + 2304b d e)x
--R
--R
             5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
          - 104a b e - 164a b d e - 320a b d e - 1216a b d e + 2048a b d e
--R
--R
--R
           6 5
         512b d
--R
--R
--R
--R
          65 5 4 4223 3332 244 55
--R
--R
       - 14a e - 20a b d e - 32a b d e - 64a b d e - 256a b d e + 512a b d
--R /
--R
            10 5
                  10
                               9 4
                                                283
--R
        63b e x + (63a e + 252b d e )x + (252a d e + 378b d e )x
--R
              28 372 37 46 46
--R
--R
        (378a d e + 252b d e )x + (252a d e + 63b d e )x + 63a d e
--R
--R
       +----+
--R
       --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1036
--S 1037 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R.
--R
   (5)
--R
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2
--R
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
        6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
```

```
--R /
                       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +-----+
--R
--R
                     (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
--R
--R
                      | 2 2 2
--R
--R
                    \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1037
)clear all
--S 1038 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(13/2)
--R
--R
--R.
          (1)
--R
                                                                                                               +----+
                           4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
--R
                         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
             6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6 +-----+
--R
--R
            (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d )\|e x + d
--R
                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1038
--S 1039 of 1618
r0:=-20/99*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^2*(d+e*x)^(9/2))-_
      160/693*b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^(7/2))-_
      2/11*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^(11/2))-_
      64/231*b^3*(a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(d+e*x)^(5/2))-_
      256/231*b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^5*(d+e*x)^(3/2))-_
      512/693*b^4*(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
            (2)
--R
                                      5 5 5
                                                                          4 5
                                                                                              5 4 4
--R
                        - 1386b e x + (- 2310a b e - 4620b d e)x
--R
--R
                                         2 3 5
                                                                      4 4
--R
                        (- 2772a b e - 3696a b d e - 7392b d e )x
--R
--R.
                                         3 2 5 2 3 4 4 2 3
                                                                                                                            5 3 2 2
--R.
                        (- 1980a b e - 2376a b d e - 3168a b d e - 6336b d e )x
--R
--R
                                        4 5
                                                          3 2 4
                                                                                                2 3 2 3
                                                                                                                                   4 3 2
--R
                        (-770a b e - 880a b d e - 1056a b d e - 1408a b d e - 2816b d e)x
--R
                                                4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
                                     5 5
--R
                         - 126a e - 140a b d e - 160a b d e - 192a b d e - 256a b d e
```

```
--R
         5 5
--R
--R
         - 512b d
--R
--R
        | 2 2 2
--R
--R
       --R /
         11 6 11 10 5 10 2 9 4
--R
         693b e x + (693a e + 3465b d e )x + (3465a d e + 6930b d e )x
--R
--R
                     3 8 3
--R
              2 9
                                  3 8
         (6930a d e + 6930b d e)x + (6930a d e + 3465b d e)x
--R
--R
              4 7 5 6 5 6
--R
--R
        (3465a d e + 693b d e )x + 693a d e
--R
--R
        +----+
--R
       --R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1039
--S 1040 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
             5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
       - 1386b e x + (-2310a b e - 4620b d e)x
--R.
              2 3 5
--R
                                 5 2 3 3
                        4 4
--R
       (- 2772a b e - 3696a b d e - 7392b d e )x
--R
             3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
       (- 1980a b e - 2376a b d e - 3168a b d e - 6336b d e )x
--R
--R
            4 5
--R
                    3 2 4
                               2 3 2 3
                                              4 3 2
--R
       (- 770a b e - 880a b d e - 1056a b d e - 1408a b d e - 2816b d e)x
--R
--R
                4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
      - 126a e - 140a b d e - 160a b d e - 192a b d e - 256a b d e - 512b d
--R /
--R
          11 5 10 4 2 9 3 3 8 2 4 7 5 6
--R
        (693e \ x + 3465d \ e \ x + 6930d \ e \ x + 6930d \ e \ x + 3465d \ e \ x + 693d \ e )
--R
        +----+
--R
--R
       \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1040
```

```
--S 1041 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                        5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
                           1386b e x + (2310a b e + 4620b d e )x
--R
                                          2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
                            (2772a b e + 3696a b d e + 7392b d e )x
--R
--R
--R
                                        3 2 5 2 3 4
                                                                                                       4 2 3
                                                                                                                                   5 3 2 2
                            (1980a b e + 2376a b d e + 3168a b d e + 6336b d e )x
--R
--R
--R
                                      4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
                            (770a b e + 880a b d e + 1056a b d e + 1408a b d e + 2816b d e)x
--R
--R
                                  5 5 4
                                                                     4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
                            126a e + 140a b d e + 160a b d e + 192a b d e + 256a b d e
--R
--R
--R
                                 5 5
--R
                            512b d
--R
--R
                          | 2 2 2
--R
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                               6 5 6 5 5 6 4 5
--R
--R
                     - 1386b e x + (- 3696a b e - 4620b d e)x
--R
                                      2 4 5 5 4
--R
                                                                                         6234
--R
                      (- 5082a b e - 8316a b d e - 7392b d e )x
--R
                                     3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
--R
                    (-4752a b e -6072a b d e -10560a b d e -6336b d e )x
--R
--R
                                    4 2 5 3 3 4
                                                                                          2 4 2 3
                                                                                                                                  5 3 2
                                                                                                                                                               6 4 2
--R
                    (- 2750a b e - 3256a b d e - 4224a b d e - 7744a b d e - 2816b d e)x
--R
--R
                                                              4 2 4
                                                                                              3 3 2 3
--R
                             - 896a b e - 1020a b d e - 1216a b d e - 1600a b d e
--R
--R.
                                             5 4 6 5
--R
                             - 3072a b d e - 512b d
--R
--R
--R
--R
                              65 5 4 4223 3332 244
                  - 126a e - 140a b d e - 160a b d e - 192a b d e - 256a b d e
--R
--R
```

```
--R
                         5 5
--R
                      - 512a b d
--R /
                                      11 6 11 10 5 10 2 9 4
--R
--R
                         693b e x + (693a e + 3465b d e )x + (3465a d e + 6930b d e )x
--R
                                          29 383 38 472
--R
                          (6930a d e + 6930b d e)x + (6930a d e + 3465b d e)x
--R
--R
--R
                                         47 56
                                                                                                  5 6
--R
                        (3465a d e + 693b d e )x + 693a d e
--R
                       +----+
--R
--R
                      \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1041
--S 1042 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
--R
                      5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
                     (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a)\|b x + 2a b x + a
--R
                          66 55 244
                                                                                                                  4 2 2
--R
                                                                                          3 3 3
                                                                                                                                        5 6
--R
                      - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R /
--R
                        6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6 +----+
--R
                      (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d )\|e x + d
--R
--R
                     +----+
                      | 2 2 2
--R
--R
                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1042
)clear all
--S 1043 of 1618
t0:=(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(15/2)
--R
--R.
--R (1)
--R
                  4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
              (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
--R /
                            77 66 255 344 433 522 6
--R
```

```
--R
           e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x
--R
--R
            7
--R
           d
--R
        +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1043
--S 1044 of 1618
r0:=-20/143*b*(a+b*x)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^2*(d+e*x)^(11/2))-_
  160/1287*b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^(9/2))-_
  2/13*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^(13/2))-_
  320/3003*b^3*(a+b*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^4*(d+e*x)^(7/2))-_
  1280/9009*b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^5*(d+e*x)^(5/2))-_
  512/9009*b^4*(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)/(e^6*(a+b*x)*_
  (d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                        4 5
               5 5 5
                                      5 4 4
          - 6006b e x + (- 18018a b e - 12012b d e )x
--R
--R
--R
                 2 3 5
                                     5 2 3 3
                              4 4
--R
         (- 25740a b e - 20592a b d e - 13728b d e )x
--R
--R
                 3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
          (-20020a b e - 17160a b d e - 13728a b d e - 9152b d e )x
--R
                                           2 3 2 3 4 3 2
--R
                             3 2 4
--R
               - 8190a b e - 7280a b d e - 6240a b d e - 4992a b d e
--R
--R
                     5 4
--R
               - 3328b d e
--R
--R
           X
--R
                       4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
               5 5
--R
--R
          - 1386a e - 1260a b d e - 1120a b d e - 960a b d e - 768a b d e
--R
--R
              5 5
--R.
         - 512b d
--R.
--R
         +----+
         | 2 2
--R
--R
        --R /
               12 7 12 11 6
--R
--R
          9009b e x + (9009a e + 54054b d e)x
```

```
--R
              11 2 10 5 2 10 3 9 4
--R
--R
        (54054a d e + 135135b d e )x + (135135a d e + 180180b d e )x
--R
                3 9 4 8 3 4 8 5 7 2
--R
         (180180a d e + 135135b d e)x + (135135a d e + 54054b d e)x
--R
--R
--R
               5 7
                         6 6
                                    6 6
        (54054a d e + 9009b d e )x + 9009a d e
--R
--R
--R
        +----+
--R
       \exists x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1044
--S 1045 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                     45 5 4 4
--R
           5 5 5
      - 6006b e x + (- 18018a b e - 12012b d e )x
--R
--R
              2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
       (- 25740a b e - 20592a b d e - 13728b d e )x
--R
                                  4 2 3 5 3 2 2
--R
              3 2 5 2 3 4
--R
       (- 20020a b e - 17160a b d e - 13728a b d e - 9152b d e )x
--R
             4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
       (- 8190a b e - 7280a b d e - 6240a b d e - 4992a b d e - 3328b d e)x
--R
--R
--R
                    4
                         4
                                3 2 2 3
                                          2 3 3 2
--R
       - 1386a e - 1260a b d e - 1120a b d e - 960a b d e - 768a b d e
--R
--R
           5 5
--R
       - 512b d
--R /
--R
                       11 5 2 10 4
                                               3 9 3 4 8 2
--R
         9009e x + 54054d e x + 135135d e x + 180180d e x + 135135d e x
--R
--R
            5 7
                   6 6
--R.
        54054d e x + 9009d e
--R
        +----+
--R
--R
       --R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1045
--S 1046 of 1618
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
            5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
          6006b e x + (18018a b e + 12012b d e)x
--R
--R
               2 3 5
                          4 4
          (25740a b e + 20592a b d e + 13728b d e )x
--R
--R
--R
              3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
          (20020a b e + 17160a b d e + 13728a b d e + 9152b d e )x
--R
--R
--R
                 4 5 3 2 4 2 3 2 3
--R
              8190a b e + 7280a b d e + 6240a b d e + 4992a b d e
--R
--R
                 5 4
               3328b d e
--R
--R
--R
--R
--R
           5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
         1386a e + 1260a b d e + 1120a b d e + 960a b d e + 768a b d e
--R
--R
           5 5
--R
         512b d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
         6 5 6 5 5 6 4 5
--R
--R
       -6006b e x + (-24024a b e - 12012b d e)x
--R
             2 4 5
--R
                        5 4
                                   6234
--R
       (- 43758a b e - 32604a b d e - 13728b d e )x
--R
--R
             3 3 5 2 4 4
                                 5 2 3 6 3 2 3
       (- 45760a b e - 37752a b d e - 27456a b d e - 9152b d e )x
--R
--R
               4 2 5 3 3 4 2 4 2 3
--R
--R
          - 28210a b e - 24440a b d e - 19968a b d e - 14144a b d e
--R
--R
               6 4
--R
         - 3328b d e
--R
--R
--R
        X
--R
               5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
--R
```

```
--R
         - 9576a b e - 8540a b d e - 7360a b d e - 5952a b d e
--R
               5 4 6 5
--R
--R
         - 4096a b d e - 512b d
--R
--R
--R
           65 5 4 4223 3332 244
--R
       - 1386a e - 1260a b d e - 1120a b d e - 960a b d e - 768a b d e
--R
--R
--R
           5 5
--R
       - 512a b d
--R /
--R
                    12 11 6
--R
        9009b e x + (9009a e + 54054b d e)x
--R
--R
                     2 10 5
                                    2 10 3 9 4
               11
--R
        (54054a d e + 135135b d e )x + (135135a d e + 180180b d e )x
--R
               3 9 4 8 3 4 8 5 7 2
--R
--R
        (180180a d e + 135135b d e)x + (135135a d e + 54054b d e)x
--R
              5 7 6 6 6 6 6
--R
--R
        (54054a d e + 9009b d e)x + 9009a d e
--R
--R
       +----+
--R
       \le x + d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1046
--S 1047 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
--R
        66 55
                      244 333
                                      4 2 2 5
       - b x - 6a b x - 15a b x - 20a b x - 15a b x - 6a b x - a
--R
--R /
--R.
          77 66 255 344 433 522 6
--R
          e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x
--R
--R
          7
--R
         d
--R
--R
     +----+ | 2 2
--R
```

```
--R
        --R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1047
)clear all
--S 1048 of 1618
t0:=(d+e*x)^(7/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
                 2 2 2
                              3 +----+
          3 3
--R
         (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                 +----+
--R
--R
                 1 2 2
--R
                \| b x + 2a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1048
--S 1049 of 1618
r0:=2/3*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)/(b^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  2/5*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2)/(b^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  2/7*(a+b*x)*(d+e*x)^(7/2)/(b*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  2*(b*d-a*e)^(7/2)*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
  (a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
    (2)
               3 3 2 2 2 3 2 4 3
--R
--R
           (210a b e - 630a b d e + 630a b d e - 210b d)x + 210a e
--R
--R
                          2 2 2
                                      3 3
--R
           - 630a b d e + 630a b d e - 210a b d
--R
                          +-+ +----+
--R
                         --R
          +----+
--R
         \|- a e + b d atanh(-----)
                          +-----
--R
--R
                          \|- a e + b d
--R
--R
             4 3 4
                          3 3 4 2 3
--R.
           30b e x + (-12a b e + 132b d e)x
--R.
--R
              2 2 3
                      3 2
                                 422
--R
           (28a b e - 92a b d e + 244b d e)x
--R
--R
                         222
                                      3 2
                                               4 3
           (-140a b e + 476a b d e - 568a b d e + 352b d)x - 210a e
--R
--R
```

```
3 2 222 33
--R
--R
         700a b d e - 812a b d e + 352a b d
--R
         +-+ +----+
--R
--R
        --R /
--R
        4 +-+ | 2 2 2
--R
--R
     105b \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1049
--S 1050 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
              3 3 2 2 2 2 3 3 |- a e + b d
--R
--R
          (105a e - 315a b d e + 315a b d e - 105b d ) |-----
--R
--R
               +----+
--R
               |- a e + b d +----+
--R
--R
             2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
--R
                            b x + a
--R
              3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
            30b e x + (-42a b e + 132b d e)x
--R
              2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
           (70a b e - 224a b d e + 244b d e)x - 210a e + 700a b d e
--R
                2 2 3 3
--R
--R
           - 812a b d e + 352b d
--R
           +----+
--R
--R
          --R
--R.
          4
--R
       105b
--R
--R
--R
                                             +----+
              33 2 2 22 33 |ae-bd
--R
--R
          (210a e - 630a b d e + 630a b d e - 210b d ) |-----
                                             \| b
--R
```

```
--R
--R
--R
               \label{eq:lemma_def} \
--R
           atan(-----)
               +----+
--R
--R
               la e - b d
--R
               |-----
--R
               \| b
--R
               3 3 3
--R
                          2 3 3 2 2
            30b e x + (-42a b e + 132b d e)x
--R
--R
               2 3 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
            (70a b e - 224a b d e + 244b d e)x - 210a e + 700a b d e
--R
--R
                 2 2 3 3
--R
            - 812a b d e + 352b d
--R
           +----+
--R
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
--R
        105b
--R
      ]
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1050
--S 1051 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
             3 3 2 2 2 2 3 3 |- a e + b d +-+
--R
--R
         (105a e - 315a b d e + 315a b d e - 105b d ) |----- \|b
                                              \| b
--R
--R
--R
--R
                              |- a e + b d +----+
                          2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d \| b
--R
        | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a log(------)
--R
--R
                                           b x + a
--R
                3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3
--R
--R
           (-210a b e + 630a b d e - 630a b d e + 210b d)x - 210a e
--R
--R
             3 2 222 33
          630a b d e - 630a b d e + 210a b d
--R
--R
```

```
--R
                       +-+ +----+
        +----+ \|b \|e x + d
--R
--R
        \|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                       \|- a e + b d
--R
           3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
         30b e x + (-42a b e + 132b d e)x
--R
           2 3 2 2 3 2
                                        3 3 2 2
--R
--R
         (70a b e - 224a b d e + 244b d e)x - 210a e + 700a b d e
--R
               2 2 3 3
--R
         - 812a b d e + 352b d
--R
--R
--R
--R
        +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
        --R
            4 3 4 3 3 4 2 3
--R
--R
          -30b e x + (12a b e - 132b d e)x
--R
             2 2 3 3 2 4 2 2
--R
--R
         (- 28a b e + 92a b d e - 244b d e)x
--R
             3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3
--R
--R
         (140a b e - 476a b d e + 568a b d e - 352b d )x + 210a e
--R
             3 2 222 33
--R
--R
         - 700a b d e + 812a b d e - 352a b d
--R
        +-+ +----+
--R
--R
        \b \leq x + d
--R /
--R
           +----+
       4 +-+ | 2 2 2
--R
--R
     105b \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1051
--S 1052 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)
--R
              4 4 3 3 2 2 2 3 4 |- a e + b d
--R
--R
           (2b e x + 8b d e x + 12b d e x + 8b d e x + 2b d ) |-----
                                                  \| b
--R
--R
```

```
--R
--R
            \label{eq:lemma_def} \
--R
                  5 44 4 233
--R
            5 5
          b e x + (- a e + 6b d e )x + (- 4a d e + 14b d e )x
--R
--R
              23 322 32 4 4
--R
--R
          (- 6a d e + 16b d e )x + (- 4a d e + 9b d e)x - a d e + 2b d
--R
--R
--R
          | 2 2 2
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                              2 3 4
                         4
--R
          - 2b e x + (- 2a b e - 8b d e )x + (- 8a b d e - 12b d e )x
--R
--R
                  2 2 2 3 2
                                     3
                                           2 4
          (- 12a b d e - 8b d e)x + (- 8a b d e - 2b d )x - 2a b d
--R
--R
          +----+
--R
--R
         |- a e + b d +----+
         |----- \|e x + d
--R
         \| b
--R
--R
         256 245 25 4 2234
--R
--R
       -bex -6bdex + (ae - 2abde - 14bde)x
--R
--R
         2 4 2 3 2 3 2 3 2 2 3 3 2 2 4 2
--R
       (4a d e - 8a b d e - 16b d e )x + (6a d e - 12a b d e - 9b d e)x
--R
         2 3 2 4
--R
                        2 5
                               2 4
--R
       (4a d e - 8a b d e - 2b d )x + a d e - 2a b d
--R /
          2 2 2 2
--R
--R
         (b e x + 2b d x - a e + 2a b d) | e x + d
--R
--R
--R
                    2
                                     |- a e + b d
--R
        (2b e x + (2a b e + 2b d)x + 2a b d) |-----
--R
--R
--R
--R.
        | 2 2 2
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1052
--S 1053 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
```

```
--R
   (6)
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3
--R
         (-210a b e + 630a b d e - 630a b d e + 210b d)x - 210a e
--R
            3 2 222 33
--R
--R
        630a b d e - 630a b d e + 210a b d
--R
                      +-+ +----+
--R
        +----+
--R
                     --R
        \|- a e + b d atanh(-----)
                      +----+
--R
--R
                      \|- a e + b d
--R
--R
--R
          3 3 2 2 2 2 3 3 +-+ |a e - b d
--R
        (210a e - 630a b d e + 630a b d e - 210b d )\|b |-----
--R
                                          \| b
--R
--R
        +----+
                          +----+
        | 2 2 2
--R
                          \leq x + d
        --R
--R
                          la e - b d
--R
                          |-----
--R
                          \| b
--R
--R
--R
          3 3 3 2 3 3 2 2
--R
         30b e x + (-42a b e + 132b d e)x
--R
            2 3 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
         (70a b e - 224a b d e + 244b d e)x - 210a e + 700a b d e
--R
              2 2 3 3
--R
--R
        - 812a b d e + 352b d
--R
--R
                 +----+
--R
        +-+ +-----+ | 2 2
--R
        \|b \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
            4 3 4 3 3 4 2 3
--R
         -30b e x + (12a b e - 132b d e)x
--R
--R.
--R
             2 2 3 3 2 4 2 2
--R
         (- 28a b e + 92a b d e - 244b d e)x
--R
           3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3
--R
--R
         (140a b e - 476a b d e + 568a b d e - 352b d )x + 210a e
--R
--R
             3 2 222 33
```

```
--R
          - 700a b d e + 812a b d e - 352a b d
--R
--R
         +-+ +----+
--R
         \b \leq x + d
--R /
--R
             +----+
         4 +-+ | 2 2 2
--R
--R
     105b \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1053
--S 1054 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7)
--R
         44 33 222 3 4 2 2 2 4 5
--R
--R
       (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d)\|b x + 2a b x + a - b e x
--R
           4 3 4
--R
                           3 223 22 32
       (-ae -4bde)x + (-4ade -6bde)x + (-6ade -4bde)x
--R
--R
--R
           3 4 4
--R
        (- 4a d e - b d )x - a d
--R /
--R
             +----+ | 2 2 2
--R
--R
     (b x + a) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1054
)clear all
--S 1055 of 1618
t0:=(d+e*x)^(5/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
         2 2
                      2 +----+
--R
        (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
--R
--R
            | 2 2 2
           \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1055
--S 1056 of 1618
r0:=2/3*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  2/5*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2)/(b*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
```

```
2*(b*d-a*e)^(5/2)*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
  (a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
    (2)
--R
                                      3 2
--R
                                3 2
--R
         ((-30a b e + 60a b d e - 30b d)x - 30a e + 60a b d e - 30a b d)
--R
                         +-+ +----+
--R
--R
         +----+
                        \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                         +----+
--R
--R
                        \|- a e + b d
--R
--R
            3 2 3
                       2 2
                             3 2
                                         2 2
                                                  2
--R.
          6b e x + (-4a b e + 22b d e)x + (20a b e - 48a b d e + 46b d)x
--R
--R
            3 2
                  2
                              2 2
--R
          30a e - 70a b d e + 46a b d
--R
--R
         +-+ +----+
--R
         --R /
            +----+
--R
        3 +-+ | 2 2
--R
--R
      15b \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1056
--S 1057 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Γ
--R
                              2 2 |- a e + b d
--R
             2 2
--R
           (15a e - 30a b d e + 15b d ) |-----
                                 \| b
--R
--R
--R
--R.
                 |- a e + b d +----+
--R
              - 2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                \|
          log(-----)
--R
--R
                              bx + a
--R
                              2
--R
             2 2 2
                         2
                                        2 2
--R
           (6b e x + (-10a b e + 22b d e)x + 30a e - 70a b d e + 46b d)
```

```
--R
--R
--R
          \le x + d
--R
--R
         3
--R
       15b
--R
--R
--R
                               +----+
                            22 |ae-bd
--R
            2 2
                                           \leq x + d
--R
       (- 30a e + 60a b d e - 30b d ) |----- atan(-----)
                              \| b
--R
--R
                                            la e - b d
--R
                                            |----
--R
                                            \| b
--R
--R
           2 2 2
                  2
                             2
                                      2 2
--R
         (6b e x + (- 10a b e + 22b d e)x + 30a e - 70a b d e + 46b d)
--R
          +----+
--R
--R
         \le x + d
--R
--R
        3
--R
       15b
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1057
--S 1058 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
                              +----+
--R
                          2 2 |- a e + b d +-+ | 2 2 2
--R
          2 2
        (15a e - 30a b d e + 15b d)
--R
                             \| b
--R
--R
--R
               +----+
--R
              |- a e + b d +----+
--R
           - 2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
             \| b
        log(-----)
--R
--R
                          b x + a
--R
            2 2
                    2
                            3 2 3 2
--R
                                          2
--R
        ((30a b e - 60a b d e + 30b d )x + 30a e - 60a b d e + 30a b d )
--R
--R
                        +-+ +----+
        +----+
--R
                      \|b \|e x + d
```

```
\|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                                                           +----+
--R
--R
                                                                                                                         \|- a e + b d
--R
                                                       2 2 2 2 2 2 2 2 +-+
--R
                                              (6b e x + (-10a b e + 22b d e)x + 30a e - 70a b d e + 46b d ) \ | b
--R
--R
--R
                                             +-----+ | 2 2 2
--R
                                            --R
--R
                                                              3 2 3 2 2
                                                                                                                                                3
--R
                                                 - 6b e x + (4a b e - 22b d e)x
--R
--R
--R
                                                                       2 2 2 3 2
                                                                                                                                                                                              3 2 2 2 2
--R
                                                 (- 20a b e + 48a b d e - 46b d )x - 30a e + 70a b d e - 46a b d
--R
--R
                                                +-+ +----+
--R
                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                         +----+
--R
                                          3 +-+ | 2 2 2
--R
                              15b \|b \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1058
--S 1059 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                 (5)
--R
                                                                                                                                                                                                                       +----+
                                                                        3 3 2 2 2 3 |- a e + b d +-----+
--R
--R
                                                 (- 2b e x - 6b d e x - 6b d e x - 2b d ) |----- \|e x + d
--R
                                                                                                                                                                                                                  \| b
--R
                                                                                                                                                                                                          3 222
--R
                                                                                                     4
                                                                                                                                             3 3
                                                   b e x + (- a e + 5b d e )x + (- 3a d e + 9b d e )x
--R
--R
--R
                                                                         2 2 3
                                                  (-3ade + 7bde)x - ade + 2bd
--R
--R
--R
                                               +----+
--R
                                                | 2 2 2
--R
                                             \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                       2 3 4 3 2 2 3 2 2 2 2
--R
--R
                                                 2b e x + (2a b e + 6b d e )x + (6a b d e + 6b d e)x
--R
--R
                                                                         2 23
```

```
--R
                                (6a b d e + 2b d)x + 2a b d
--R
--R
                               +----+
--R
                               |- a e + b d +----+
--R
                            |----- \|e x + d
                            \| b
--R
--R
                               2 4 5 2 3 4 2 4 3 2 2 2 3
--R
                       - b e x - 5b d e x + (a e - 2a b d e - 9b d e )x
--R
--R
--R
                            2 3 2 2 3 2 2 2 2 3 2 4 2 3
--R
                       (3a d e - 6a b d e - 7b d e)x + (3a d e - 6a b d e - 2b d )x + a d e
--R
--R
--R
                        - 2a b d
--R /
--R
                               2 2 2 2
--R
                            (b e x + 2b d x - a e + 2a b d) | e x + d
--R
--R
--R
                                                                                               2
                                                                                                                                |- a e + b d
--R
                             (-2b e x + (-2a b e - 2b d)x - 2a b d)
                                                                                                                                 \| b
--R
--R
--R
                         | 2 2 2
--R
--R
                        --R
                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1059
--S 1060 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
              (6)
                                         2 2 2 3 2 3 2 2 2 2 2
--R
--R
                             ((30a b e - 60a b d e + 30b d)x + 30a e - 60a b d e + 30a b d)
--R
--R
                                                                                +-+ +----+
--R
                             +----+
                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
                            \|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                +----+
--R.
                                                                              \ |-ae+bd
--R
--R
                                                                                                                   +----+
                                                                                               2 2 +-+ |a e - b d | 2 2 2
--R
                                            2 2
--R
                             (-30a + 60a b d - 30b d) | b | ---- | b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                \| b
--R
                                              +----+
--R
```

```
--R
                                              \le x + d
                               atan(-----)
--R
--R
                                              +----+
--R
                                              la e - b d
--R
                                            \| b
--R
--R
                                                                           2 2 2 2 2
--R
                                      2 2 2
                               (6b e x + (- 10a b e + 22b d e)x + 30a e - 70a b d e + 46b d )\
--R
--R
--R
                               +-----+ | 2 2 2
--R
                               --R
--R
--R
                                          3 2 3 2 2 3
--R
                                    - 6b e x + (4a b e - 22b d e)x
--R
--R
                                                2 2 2 3 2 3 2 2 2 2 2
                                  (- 20a b e + 48a b d e - 46b d )x - 30a e + 70a b d e - 46a b d
--R
--R
--R
                                +-+ +----+
                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R /
--R
                            3 +-+ | 2 2 2
--R
--R
                     15b \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1060
--S 1061 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
            (7)
--R
                          3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 3 4
--R
--R
                        (e x + 3d e x + 3d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a - b e x
--R
                                                2 3
                                                                                                   2 2 2 2 3
--R
--R
                     (- a e - 3b d e )x + (- 3a d e - 3b d e)x + (- 3a d e - b d )x - a d
--R /
--R
--R
                                            +----+ | 2 2
--R
                     (b x + a) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1061
)clear all
--S 1062 of 1618
```

```
t0:=(d+e*x)^(3/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
--R
                   +----+
--R
          (e x + d) | e x + d
--R
     (1) -----
--R
          | 2 2 2
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1062
--S 1063 of 1618
r0:=2/3*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)/(b*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  2*(b*d-a*e)^(3/2)*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
   (b^{(5/2)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+2*(b*d-a*e)*(a+b*x)*_
  sqrt(d+e*x)/(b^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                                          +-+ +----+
--R
                                       +----+
                          2
                                                        \b \leq x + d
--R
         ((6a b e - 6b d)x + 6a e - 6a b d) = a e + b d atanh(-----)
                                                          +----+
--R
--R
                                                         \|- a e + b d
--R
--R
                               2
--R
         (2b e x + (- 4a b e + 8b d)x - 6a e + 8a b d) | b | e x + d
--R /
--R
             +----+
        2 +-+ | 2 2 2
--R
--R
       3b \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1063
--S 1064 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
--R.
                        |- a e + b d
            (3a e - 3b d) |----
--R.
                       \| b
--R
--R
                  +----+
--R
--R
                  |- a e + b d +----+
                2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                 \l b
--R
```

```
--R
--R
                               b x + a
--R
--R
--R
         (2b e x - 6a e + 8b d) | e x + d
--R
--R
          2
--R
        3b
--R
--R
--R
                     +----+
                                  \ensuremath{\mbox{le x}} + d
                     la e - b d
--R
          (6a e - 6b d) |----- atan(-----)
\| b +----+
--R
--R
--R
                                    la e - b d
--R
--R
                                   \ I
--R
--R
                             +----+
          (2b e x - 6a e + 8b d) | e x + d
--R
--R
--R
         2
--R
        3b
--R
      ]
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1064
--S 1065 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                     +----+
                    |- a e + b d +-+ | 2 2 2
--R
--R
          (3a e - 3b d) |----- \b \b x + 2a b x + a
                    \| b
--R
--R
               +----+
--R
               |- a e + b d +----+
--R
             2b |----- \leq x + d + b \in x - a \in 2b d
--R
              \| b
--R
          log(-----)
--R
--R
                             bx+a
--R
                                                       +-+ +----+
--R
                          2
                                      +----+
--R
                                                      \b \ \ \ x + d
        ((-6a b e + 6b d)x - 6a e + 6a b d) = a e + b d atanh(-----)
--R
                                                        +----+
--R
--R
                                                       \ |-ae+bd
--R
```

```
--R
                        +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
       (2b e x - 6a e + 8b d) | b | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
          2 2 2 +-+ +-----+
--R
--R
       (-2b e x + (4a b e - 8b d)x + 6a e - 8a b d) | b | e x + d
--R /
--R
      2 +-+ | 2 2 2
--R
--R
     3b \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1065
--S 1066 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
                               +----+
                            2 |- a e + b d +----+ 3 3
--R
--R
          (2b e x + 4b d e x + 2b d) |----- \| e x + d + b e x
                              \| b
--R
--R
--R
              3 2 2 2 2 3
          (-ae + 4b de)x + (-2a de + 5b de)x - a de + 2b d
--R
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
            2 2 3 2 2 2
--R
                                                 2 2 2
--R
         (- 2b e x + (- 2a b e - 4b d e)x + (- 4a b d e - 2b d )x - 2a b d )
--R
--R
         +----+
         |- a e + b d +----+
--R
         |-----\|e x + d
--R
        \| b
--R
--R
        2 3 4 2 2 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R
       -bex - 4bdex + (ae - 2abde - 5bde)x
--R
        2 2 2
--R
                       23 22
--R
       (2a d e - 4a b d e - 2b d )x + a d e - 2a b d
--R /
--R
         2 2 2 2
--R
        (b e x + 2b d x - a e + 2a b d) | e x + d
--R
--R
                  2
--R
          2 2
                                    |- a e + b d
--R
         (2b e x + (2a b e + 2b d)x + 2a b d) |-----
```

```
--R
                                                                                                                                                                                                                  \ I
--R
--R
                                             | 2 2 2
--R
--R
                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1066
--S 1067 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                          (6)
 --R
                                                                                                          2 2 +----+
                                                                                                                                                                                                                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
 --R
                                         ((-6a b e + 6b d)x - 6a e + 6a b d) = a e + b d atanh(-----)
--R.
                                                                                                                                                                                                                                                                                            +----+
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                            \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                                     +----+
                                                                                                                                                                                                                                                                                            +----+
                                                                                                    +-+ |a e - b d | 2 2 2
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                          \ensuremath{\mbox{le }x+d}
                                           (6a e - 6b d) | b | ----- | b x + 2a b x + a atan(-----)
--R
--R
                                                                                                             \| b
                                                                                                                                                                                                                                                                                            la e - b d
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                          |----
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                       b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \I
--R
--R
                                                                                                                                             +-+ +----+ | 2 2
--R
--R.
                                        (2b e x - 6a e + 8b d) | b | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                                         2 2 2 +-+ +-----+
--R
--R
                                           (-2b e x + (4a b e - 8b d)x + 6a e - 8a b d) | b | e x + d
--R /
                                                             +----+
--R
                                         2 +-+ | 2 2 2
--R
--R
                                 3b \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1067
--S 1068 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                     (7)
                                                                                                                               +----+
--R
                                              2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
--R
                                         (e x + 2d e x + d) | b x + 2a b x + a - b e x + (- a e - 2b d e) x
--R
--R
--R
                                                                                                           2
                                                                                                                                   2
```

```
(- 2a d e - b d )x - a d
--R
--R /
--R
               +----+ | 2 2 2
--R
--R
     (b x + a) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1068
)clear all
--S 1069 of 1618
t0:=(d+e*x)^(1/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2)
--R
--R
              +----+
--R
             \exists x + d
--R (1) -----
--R +----+
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1069
--S 1070 of 1618
r0:=-2*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*_
  sqrt(b*d-a*e)/(b^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+2*(a+b*x)*_
  sqrt(d+e*x)/(b*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
    (2)
                                  +-+ +----+
--R
                                               +-+ +-----
                 +----+ \|b \|e x + d
--R
    (-2b \times -2a) | - a e + b d atanh(-----) + (2b \times +2a) | b \| e x + d
--R
--R
                                 +----+
--R
                                 \|- a e + b d
--R
--R
                            +-+ | 2 2
--R
--R
                          b \mid b \mid b x + 2a b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1070
--S 1071 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
    [
--R
                              |- a e + b d +----+
--R
```

```
--R
--R
--R
       |------)
--R
       \| b
                                b x + a
--R
--R
        +----+
--R
      2\|e x + d
--R
--R
--R
       +----+
                  +----+
--R
                 \ensuremath{\mbox{\sc le x + d}}
       la e - b d
--R
    - 2 |----- atan(----- + 2\|e x + d
--R
              +----+
--R
--R
                  la e - b d
--R
                  |-----
--R
                 \| b
--R
      -----]
--R
                  b
--R
                        Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1071
--S 1072 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
        +----+
--R
       |- a e + b d +-+ | 2 2 2
--R
--R
       |----- \|b \|b x + 2a b x + a
--R
       \| b
--R
--R
            +----+
--R
            |- a e + b d +----+
--R
          - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
           \| b
--R
       log(-----)
--R
--R
                       b x + a
--R
--R
                          +-+ +----+
             +----+
--R
                          (2b x + 2a) = a e + b d atanh(-----)
--R
--R.
                          +----+
--R
                          \|- a e + b d
--R
                +----+
--R
       +-+ +-----+ | 2 2 2
                                 +-+ +----+
--R
--R
      2 \le x + d \le x + d \le x + a + (-2b \times -2a) \le x + d
--R /
        +----+
--R
```

```
--R
     +-+ | 2 2 2
--R
     b\|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1072
--S 1073 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
    (5)
--R
--R
--R
                        |- a e + b d +----+ 2 2
          (- 2b e x - 2b d) |----- \|e x + d + b e x \| b
--R
--R
--R
         + 2
--R
--R
          (- a e + 3b d e)x - a d e + 2b d
--R
--R
         +----+
         | 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
        2 2 |- a e + b d +----+ 2 2 3
--R
       (2b e x + (2a b e + 2b d)x + 2a b d) |----- \| e x + d - b e x
--R
                                   \| b
--R
--R
--R
         2 2 2 2
                           2 2 2 2
--R
       - 3b d e x + (a e - 2a b d e - 2b d )x + a d e - 2a b d
--R /
--R
          2 2 2
--R
        (b e x + 2b d x - a e + 2a b d) | e x + d
--R
--R
                                        |- a e + b d
--R
                             2
        (- 2b e x + (- 2a b e - 2b d)x - 2a b d) |-----
--R
                                         \| b
--R
--R
--R
        | 2 2 2
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1073
--S 1074 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                                 +-+ +----+
```

```
--R
                 +----+ \|b \|e x + d
--R
       (2b x + 2a) = a e + b d a tanh(-----)
--R
--R
                                \|- a e + b d
--R
--R
          +-+ |a e - b d | 2 2 2
--R
       - 2\|b |-----\|b x + 2a b x + a atan(-----)
--R
             \| b
--R
--R
                                            la e - b d
--R
                                           \| b
--R
--R
--R
        +-+ +------+ | 2 2 2
--R
--R
       2 \le x + d \le x + d \le x + 2a + a + (-2b + 2a) \le x + d
--R /
--R
          +----+
      +-+ | 2 2 2
--R
--R
      b\|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1074
--S 1075 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                1 2 2 2 2
--R
     (e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a - b e x + (- a e - b d) x - a d
--R
--R
--R
                        +-----+ | 2 2 2
--R
--R
                 (b x + a) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1075
)clear all
--S 1076 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^{(1/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(1/2)})
--R
--R
--R.
--R
   (1) -----
                +----+
--R
        +-----+ | 2 2 2
--R
--R
        --R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1076
```

```
--S 1077 of 1618
\verb"r0:=-2*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
         (sqrt(b)*sqrt(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
                                                                                                   +-+ +----+
--R
                                                                                                \begin{tabular}{ll} \beg
                                       (- 2b x - 2a)atanh(-----)
--R
                                                                                                  +----+
--R
                                                                                              \|- a e + b d
--R
--R
--R
                                  +-----+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
                                --R
                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1077
--S 1078 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                 (3)
--R
                                                                                                                                                                             . 2
--R
                                                                  2 +----+
--R
                                (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
                    log(-----)
--R
                                                                                                                b x + a
--R
--R
                                                                                                    1 2
--R
--R
                                                                                                   --R
                                       2 +----+
--R
--R
                                     2atan(-----)
--R
--R
                                                         ae-bd
--R
--R
                                               1 2
--R
                                             \|a b e - b d
--R
--R
                                                                                                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1078
--S 1079 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                 (4)
--R
                                                                                           +----+
```

```
+-----+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
         \|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                                 1 2
                     2 +----+
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
--R
                                  b x + a
--R
--R
                                +-+ +----+
                1 2
--R
                                --R
       (2b x + 2a) = a b e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                 \|- a e + b d
--R /
--R
--R
      2 +----+ +-+ | 2 2
      \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1079
--S 1080 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5)
--R
                          2 +----- 2 2
--R
--R
          (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d | e x + d + (2a b e - 2b d e) x
--R.
--R
                    2 2
--R
          2a b d e - 2b d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
         --R
--R
                                 2 +----+
--R
          2 2 2 2
--R
       (-b e x - 2b d x + a e - 2a b d) = a b e + b d = x + d
--R
--R
                             2 2 3 2
           2 2 3 2
                                           2
--R
       (- 2a b e + 2b d e)x + (- 2a b e + 2b d )x - 2a b d e + 2a b d
--R /
--R
               ((2a b e - 2b d e)x + (2a b e - 2b d)x + 2a b d e - 2a b d)
--R
--R
--R
           +----+
          \label{eq:lemma_def} \ + d
--R
--R
```

```
2 2 3 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
         (b e x + 3b d e x + (- a e + 2a b d e + 2b d )x - a d e + 2a b d )
--R
--R
         1 2
--R
--R
         \|- a b e + b d
--R
--R
       | 2 2 2
--R
--R
      \|b x + 2a b x + a
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 1080
--S 1081 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                           +-+ +----+
              | 2 \|b \|e x + d
--R
--R
      (2b x + 2a) | a b e - b d atanh(-----)
                            +----+
--R
--R
                           \|- a e + b d
--R
--R
                                    2 +----+
--R
      --R
--R
      2\|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a atan(-----)
--R
                                          ae-bd
--R /
                 +----+
--R
     +-----+ +-+ | 2 | 2 2
--R
--R
     \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|b x + 2a b x + a
                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1081
--S 1082 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
           1 2 2 2
--R
--R
          \| b x + 2a b x + a - b x - a
--R (7) -----
          +----+
--R
             +----+ | 2 2 2
--R
--R
       (b x + a) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 1082
```

```
)clear all
--S 1083 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^{(3/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(1/2)})
--R
--R
--R
--R
--R
                 +----+ | 2 2 2
--R
--R
         (e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1083
--S 1084 of 1618
\verb"r0:=-2*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b)/_
  ((b*d-a*e)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+2*(a+b*x)/((b*d-a*e)*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
     (2)
                                 +-+ +----+
--R
               +-+ +----+ \|b \|e x + d
--R
--R
     (2b x + 2a) | b | e x + d atanh(-----) + (- 2b x - 2a) | - a e + b d
                                 +----+
--R
                                 \|- a e + b d
--R
--R
--R
                        +----+ +----+ | 2 2
--R
--R.
              (a e - b d) = a e + b d = x + d = b x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1084
--S 1085 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
             l b +----+
--R
             |- ---- \|e x + d
--R
--R.
            --R
--R
                              +----+
                              l b +----+
--R
                (-2a e + 2b d) | ----- | e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                           \| a e - b d
--R
--R
                                      b x + a
```

```
--R
--R
--R
--R
--R
        (a e - b d) | e x + d
--R
--R
        | b +----+
--R
                                  b \mid e x + d
     - 2 |----- \|e x + d atan(----- - 2
--R
--R
        \|a e - b d
                                        l b
--R
                               (a e - b d) |----
--R
--R
                                    \|a e - b d
--R
--R
--R
                     (a e - b d) \setminus |e x + d
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1085
--S 1086 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
          +-----+ +-----+ +-----+
+-----+ | b +-----+ | 2 2 2
--R
--R
--R
         \|- a e + b d |- ----- \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                     \| a e - b d
--R
--R
                          +----+
                          l b +----+
--R
--R
             (- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                       \| ae-bd
--R
--R
                                   bx+a
--R
--R
                                    +-+ +----+
                   +-+ +----+
                                  \|b \|e x + d
--R
--R
        (-2b x - 2a) | b | e x + d atanh(-----)
                                    +----+
--R
--R
                                   \ |-ae+bd
--R
--R.
                      +----+
          --R.
        - 2 = a + b d = x + 2a b x + a + (2b x + 2a) = a + b d
--R
--R /
--R
                                    +----+
                +----+ +----+ | 2 2 2
--R
      (a e - b d) \setminus |-a e + b d \setminus |e x + d \setminus |b x + 2a b x + a
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1086
--S 1087 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                    | 2 2 2
--R
                   \| b x + 2a b x + a - b x - a
--R
--R
--R
                             +-----+ | 2 2 2
--R
        (b e x + (a e + b d)x + a d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1087
--S 1088 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                                +-+ +----+
                 +-+ +----+ \|b \|e x + d
--R
--R
       (- 2b x - 2a) | b | e x + d atanh(-----)
--R
                                +----+
                                \|- a e + b d
--R
--R
--R
--R
           --R
           2\|-ae+bd |-----\|ex+d\|bx + 2abx+a
--R
--R
                     \|a e - b d
--R
--R
                    +----+
--R
                   b \le x + d
           atan(-----)
--R
--R
                      lь
--R
               (a e - b d) |----
--R
--R
                      \|a e - b d
--R
--R
                                       +----+
--R.
         --R
       -2 = a + b d | b x + 2a b x + a + (2b x + 2a) = a + b d
--R /
                                +----+
--R
              +----+ +----+ | 2 2 2
--R
--R
      (a e - b d) = a e + b d = x + d = b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1088
```

```
--S 1089 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                      | 2 2 2
--R
                     \| b x + 2a b x + a - b x - a
--R
--R
--R
            2
                            +----+ | 2 2
--R
--R
         (b e x + (a e + b d)x + a d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1089
)clear all
--S 1090 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(1/2))
--R
--R
--R
--R
--R
         2 2 2 +----+ | 2 2 2
--R
         (e x + 2d e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1090
--S 1091 of 1618
r0:=2/3*(a+b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  2*b^(3/2)*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
  ((b*d-a*e)^{(5/2)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+2*b*(a+b*x)/((b*d-a*e)^2*_a
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                               2
--R
          (-6b e x + (-6a b e - 6b d)x - 6a b d) | b | e x + d
--R
--R
               +-+ +----+
--R
              \b \e x + d
--R.
          atanh(-----)
               +----+
--R
--R
              --R
                   2
                                 2 +----+
--R
        (6b e x + (4a b e + 8b d)x - 2a e + 8a b d) | - a e + b d
--R
--R /
--R
           23 2222223
```

```
--R
       ((3a e - 6a b d e + 3b d e)x + 3a d e - 6a b d e + 3b d)
--R
--R
       +-----+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
       --R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1091
--S 1092 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    [
--R
--R
                     l b +----+
--R
          \| a e - b d
--R
--R
--R
                       +----+
--R
                      | b +----+
             (2a e - 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                     \| a e - b d
--R
--R
                              b x + a
--R
--R
        6b e x - 2a e + 8b d
--R
          2 3 2 2 2 2 2 2 3 +----+
--R
--R
       ((3a e - 6a b d e + 3b d e)x + 3a d e - 6a b d e + 3b d) | e x + d
--R
--R
--R
                    l b +----+
--R
                                           b\|e x + d
--R
        (6b e x + 6b d) |------)
                   \|a e - b d
--R
                                               l b
--R
                                        (a e - b d) |----
--R
--R
                                               \ | a e - b d 
--R
--R
        6b e x - 2a e + 8b d
--R
--R.
         2 3 2 2 2 2 2 2 3 +-----+
--R
       ((3a e - 6a b d e + 3b d e)x + 3a d e - 6a b d e + 3b d )\|e x + d
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1092
--S 1093 of 1618
m0a:=a0.1-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4)
--R
                    +----+ b +----+
--R
         (3b e x + 3b d) = a e + b d = ---- = e x + d
--R
--R
                             \| a e - b d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        --R
--R
                     b +----+
--R
           (2a e - 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                 \| a e - b d
--R
--R
                              b x + a
--R
--R
--R
                                  +-+ +----+ \|b \|e x + d
       (6b e x + (6a b e + 6b d)x + 6a b d)\|b \|e x + d atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                 \|- a e + b d
--R
--R
                        +----+ | 2 2
--R
--R
       (6b e x - 2a e + 8b d) = a e + b d = x + 2a b x + a
--R
                          2 2 +----+
--R.
          2 2
--R
       (-6b e x + (-4a b e - 8b d)x + 2a e - 8a b d) | -a e + b d
--R /
                   2 22 2 2
--R
--R
       ((3a e - 6a b d e + 3b d e)x + 3a d e - 6a b d e + 3b d)
--R
--R
       +-----+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
       --R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1093
--S 1094 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
     | 2 2 2
    \|b x + 2a b x + a - b x - a
--R
--R /
```

```
2 3 2 2
                                                                                                      2 2 +----+
--R
--R
                         (b e x + (a e + 2b d e)x + (2a d e + b d)x + a d) | e x + d
--R
--R
                         | 2 2 2
--R
--R
                        \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1094
--S 1095 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
               (6)
--R
--R
                                                            2
                                                                                              +-+ +----+
                                                                                                                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
                         (6b e x + (6a b e + 6b d)x + 6a b d)\|b \|e x + d atanh(-----)
--R.
--R
                                                                                                                                                                       \|- a e + b d
--R
--R
                                                                     +----- b +----+
--R
--R
                              (6b e x + 6b d) = a e + b d = ---- = e x + d
--R
                                                                                                     \|a e - b d
--R
--R
                                | 2 2 2
--R
                                                                                                             b \mid e x + d
--R
                              \|b x + 2a b x + a atan(-----)
--R
--R
                                                                                                                         lъ
--R
                                                                                               (a e - b d) |----
--R
                                                                                                                         \|a e - b d
--R
--R
                                                                                  +----- | 2 2
--R
--R
                       (6b e x - 2a e + 8b d) = a e + b d = b x + a
--R
--R
                                                                                        2
                                                                                                              2
--R
                         (-6b e x + (-4a b e - 8b d)x + 2a e - 8a b d) | -a e + b d
--R /
                                                                                2 2 2 2 2
--R
                                  2 3
                                                                 2
                         ((3a e - 6a b d e + 3b d e)x + 3a d e - 6a b d e + 3b d)
--R
--R.
--R.
                         +-----+ +-----+ | 2 2
--R
--R
                        --R
                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1095
--S 1096 of 1618
```

```
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7)
--R
      | 2 2 2
--R
--R
      --R /
        2 3 2 2
                                2 2 +----+
--R
       (b e x + (a e + 2b d e)x + (2a d e + b d)x + a d) | e x + d
--R
--R
        +----+
--R
        | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1096
)clear all
--S 1097 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^{(7/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(1/2)})
--R
--R
--R
   (1) -----
--R
        3 3 2 2 2 3 +-----+ | 2 2 2
--R
--R
        (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1097
--S 1098 of 1618
r0:=2/5*(a+b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  2/3*b*(a+b*x)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  2*b^(5/2)*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
  ((b*d-a*e)^(7/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+2*b^2*(a+b*x)/_
  ((b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
    (2)
           3 2 3 2 2 3 2 2 3 2 2 2
--R
         (30b e x + (30a b e + 60b d e)x + (60a b d e + 30b d)x + 30a b d)
--R
--R.
--R.
                         +-+ +----+
--R.
         +-+ +----+
                       \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                         +----+
--R
--R
                        \ |-ae+bd
--R
--R
              3 2 3
                         2 2 3
```

```
--R
         -30b e x + (-20a b e - 70b d e)x
--R
          2 2 2 3 2 3 2 2 2 2 2
--R
--R
         (4a b e - 48a b d e - 46b d )x - 6a e + 22a b d e - 46a b d
--R
         +----+
--R
--R
        \|- a e + b d
--R /
          35 2 4 223 3322
--R
--R
        (15a e - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e )x
--R
          3 4 2 2 3 2 3 2 3 4 3 2 3 2
--R
        (30a d e - 90a b d e + 90a b d e - 30b d e)x + 15a d e - 45a b d e
--R
--R
--R
           2 4
                 3 5
--R
        45a b d e - 15b d
--R
--R
       +-----+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
       --R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1098
--S 1099 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
            2 2 2 2 2 2 b +-----+
--R
          (15b e x + 30b d e x + 15b d ) \mid- ----- \\mide x + d
--R
--R
                                \| a e - b d
--R
--R
                        l b +----+
--R
             (-2a e + 2b d) |-----| | e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                    \| ae-bd
--R
--R
                                b x + a
--R
--R
           2 2 2
                   2
                            2
                                   2 2
--R.
        -30b e x + (10a b e - 70b d e)x - 6a e + 22a b d e - 46b d
--R
--R
            3 5 2 4 2 2 3 3 3 2 2
--R
         (15a e - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e )x
--R
--R
           3 4 2 2 3 2 3 2 3 4 3 2 3
--R
         (30a d e - 90a b d e + 90a b d e - 30b d e)x + 15a d e
--R
```

```
2 3 2 2 4 3 5
--R
--R
          - 45a b d e + 45a b d e - 15b d
--R
--R
         +----+
--R
        \exists x + d
--R
--R
--R
              2 2 2 2 2 2 b +-----+
--R
         (- 30b e x - 60b d e x - 30b d ) |----- \| e x + d
--R
--R
                                  \|a e - b d
--R
--R
                   +----+
--R
                  b \le x + d
--R
          atan(-----)
--R
--R
                      l b
--R
             (a e - b d) |----
--R
                     \|a e - b d
--R
                    2 2
--R
                                    2 2
--R
         -30b e x + (10a b e - 70b d e)x - 6a e + 22a b d e - 46b d
--R
--R
            3 5 2 4 2 2 3 3 3 2 2
--R
          (15a e - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e)x
--R
--R
            3 4 2 2 3 2 3 2
                                     3 4 3 2 3
--R
          (30a d e - 90a b d e + 90a b d e - 30b d e)x + 15a d e
--R
--R
            2 3 2 2 4 3 5
--R
          - 45a b d e + 45a b d e - 15b d
--R
         +----+
--R
--R
        \leq x + d
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1099
--S 1100 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
          --R
         (15b e x + 30b d e x + 15b d) = a e + b d = ----- e x + d
--R
--R
                                         \| a e - b d
--R
--R
--R
         | 2 2 2
```

```
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                        b +----+
--R
                                     (- 2a e + 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                                                           \| ae-bd
--R
--R
                                                                                              b x + a
--R
                                       3 2 3 2 2 3 2
--R
                                                                                                                                         2
--R
                              - 30b e x + (- 30a b e - 60b d e)x + (- 60a b d e - 30b d )x
--R
                                               2 2
--R
--R
                              - 30a b d
--R
--R
                                                                          +-+ +----+
--R
                           +-+ +----+
                                                                      \|b \|e x + d
                          \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                         +----+
--R
--R
                                                                        \|- a e + b d
--R
                                       2 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
                           (-30b e x + (10a b e - 70b d e)x - 6a e + 22a b d e - 46b d)
--R
--R
                           --R
--R
                           \|- a e + b d \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                     3 2 2 2 3 2
                                   3 2 3 2 2
--R
--R
                               30b e x + (20a b e + 70b d e)x + (-4a b e + 48a b d e + 46b d)x
--R
                                3 2 2
--R
--R
                             6a e - 22a b d e + 46a b d
--R
--R
                             +----+
--R
                          \ |-ae+bd
--R /
                                35 2 4
--R
                                                                                      2 2 3 3 3 2 2
--R
                           (15a e - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e )x
--R
                                 3 4 2 2 3 2 3 2 3 4 3 2 3 2
--R
                           (30a d e - 90a b d e + 90a b d e - 30b d e)x + 15a d e - 45a b d e
--R
--R.
--R
                                   2 4 3 5
                         45a b d e - 15b d
--R
--R
--R
                       +----+ +----+ | 2 2 2
--R
                      \|- a e + b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1100
--S 1101 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
--R
     | 2 2 2
--R
--R
     --R /
        3 4 3 2 3
                           2 2 2 2 3
--R
      b e x + (a e + 3b d e )x + (3a d e + 3b d e)x + (3a d e + b d )x
--R
--R
--R
--R
      a d
--R
--R
             +----+
      +-----+ | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                   Type: Expression(Integer)
--E 1101
--S 1102 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
          3 2 3 2 2 3 2 2 3 2
--R
--R
        -30b e x + (-30a b e -60b d e)x + (-60a b d e -30b d)x
--R
--R
             2 2
--R
        - 30a b d
--R
--R
                     +-+ +----+
                   +-+ +----+
--R
--R
       \|b \|e x + d atanh(-----)
                     +----+
--R
--R
                    \|- a e + b d
--R
--R
--R
          2 2 2 2 2 2 +----+ b +----+
--R.
       (-30b e x - 60b d e x - 30b d) = a e + b d = ----- e x + d
                                     \|a e - b d
--R
--R
        +----+
                             +----+
--R
--R
                          b\|e x + d
--R
       --R
                                l b
--R
```

```
(a e - b d) |----
--R
--R
                                  \|a e - b d
--R
            2 2 2 2
--R
                           2
                                     2 2
                                                   2 2
--R
        (-30b e x + (10a b e - 70b d e)x - 6a e + 22a b d e - 46b d)
--R
--R
        --R
        \|- a e + b d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
           3 2 3 2 2 2 2 3 2
         30b e x + (20a b e + 70b d e)x + (- 4a b e + 48a b d e + 46b d )x
--R
--R
                2
--R
         6a e - 22a b d e + 46a b d
--R
--R
--R
         +----+
--R
        \|- a e + b d
--R /
--R
          3 5 2 4 2 2 3 3 3 2 2
--R
        (15a e - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e )x
--R
--R
          3 4 2 2 3 2 3 2 3 4 3 2 3 2 3 2
--R
        (30a d e - 90a b d e + 90a b d e - 30b d e)x + 15a d e - 45a b d e
--R
--R
           2 4 3 5
--R
        45a b d e - 15b d
--R
--R
       +-----+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 1102
--S 1103 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7)
--R
      | 2 2 2
--R
     \| b x + 2a b x + a - b x - a
--R
--R /
--R.
         3 4 3 2 3
                                 2 2 2 3
--R
        b e x + (a e + 3b d e )x + (3a d e + 3b d e)x + (3a d e + b d )x
--R
--R
--R
       a d
--R
--R
              +----+
```

```
--R
         +----+ | 2 2
         --R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1103
)clear all
--S 1104 of 1618
t0:=(d+e*x)^(9/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
                                   3
--R
                   3 3 2 2 2
                                           4 +----+
--R
          (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) | e x + d
--R
--R
--R
               2 2
                             2 | 2 2
--R
              (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1104
--S 1105 of 1618
r0:=-1/2*(a+b*x)*(d+e*x)^(9/2)/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  21/4*e^2*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)/(b^4*sqrt(a^2+_
  2*a*b*x+b^2*x^2)+63/20*e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2)/(b^3*_1)
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-9/4*e*(d+e*x)^(7/2)/(b^2*sqrt(a^2+__
  2*a*b*x+b^2*x^2)-63/4*e^2*(b*d-a*e)^(5/2)*(a+b*x)*_
  atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(11/2)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+63/4*e^2*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*_
  sqrt(d+e*x)/(b^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                   2 2 4
                              3 3
                                          4 2 2 2
--R
            (-315a b e + 630a b d e - 315b d e)x
--R
                             2 2 3
                                                      4 4
--R
                   3 4
                                           3 2 2
--R.
            (-630a b e + 1260a b d e - 630a b d e )x - 315a e + 630a b d e
--R
--R
                  2 2 2 2
--R
            - 315a b d e
--R
--R
                              +-+ +----+
--R.
           +----+
                             \b \leq x + d
          \|- a e + b d atanh(-----)
--R.
                             +----+
--R
--R
                             \|- a e + b d
--R
--R
                                 4 3 3
              4 4 4
                             3 4
            8b e x + (- 24a b e + 56b d e )x
--R
--R
```

```
2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
                              (168a b e - 408a b d e + 288b d e )x
--R
--R
                                        3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
                              (525a b e - 1239a b d e + 831a b d e - 85b d e)x + 315a e
--R
                                       3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
                             - 735a b d e + 483a b d e - 45a b d e - 10b d
--R
                           +-+ +----+
--R
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                       6 5 +-+ | 2 2 2
--R
                 (20b x + 20a b) | b | x + 2a b x + a
--R
--R
                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1105
--S 1106 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
                                            2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
                                (315a b e - 630a b d e + 315b d e )x
--R
--R
--R
                                            3 4 2 2 3 3 2 2 4 4 3 3
--R
                                  (630a b e - 1260a b d e + 630a b d e )x + 315a e - 630a b d e
--R
                                          2 2 2 2
--R
--R
                               315a b d e
--R
--R
                                                                              +----+
--R
                                                                             |- a e + b d +----+
                                --R
--R
                               |- a e + b d \| b
                               |------ log(------)
--R
                              \| ъ
--R
                                                                                                              b x + a
--R
                                                                       3 4 4 3 3
--R
                                      4 4 4
                                 16b e x + (- 48a b e + 112b d e )x
--R
--R
                                         2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
                                 (336a b e - 816a b d e + 576b d e )x
--R
                                           3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
                                 (1050a b e - 2478a b d e + 1662a b d e - 170b d e)x + 630a e
--R
--R
                                             3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
```

```
--R
            - 1470a b d e + 966a b d e - 90a b d e - 20b d
--R
--R
            +----+
--R
           \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
          7 2 6
--R
                         2 5
--R
        40b x + 80a b x + 40a b
--R
--R
                   2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
            (- 315a b e + 630a b d e - 315b d e )x
--R
--R
                            2 2 3 3 2 2 4 4 3 3
--R
             (- 630a b e + 1260a b d e - 630a b d e )x - 315a e + 630a b d e
--R
--R
--R
                 2 2 2 2
--R
             - 315a b d e
--R
            +----+
--R
                          +----+
--R
            |ae-bd | |ex+d
--R
            |----- atan(-----)
           \| b
                          +----+
--R
--R
                          la e - b d
--R
                          |-----
                          \| b
--R
--R
--R
              4 4 4
                      3 4 4 3 3
--R
            8b e x + (- 24a b e + 56b d e )x
--R
                2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
             (168a b e - 408a b d e + 288b d e )x
--R
--R
--R
                           2 2 3
                                        3 2 2
--R
             (525a b e - 1239a b d e + 831a b d e - 85b d e)x + 315a e
--R
                 3 3 2222 33
--R
--R
            - 735a b d e + 483a b d e - 45a b d e - 10b d
--R
--R
            +----+
--R
           \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
          7 2 6
--R
--R
        20b x + 40a b x + 20a b
--R
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1106
--S 1107 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
```

```
--R
   (4)
--R
              2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
          (315a b e - 630a b d e + 315b d e)x
--R
                      2 2 3 3 2 2
                                            4 4 3
--R
              3 4
--R
          (630a b e - 1260a b d e + 630a b d e)x + 315a e - 630a b d e
--R
--R
             2 2 2 2
--R
          315a b d e
--R
         +----+
--R
         |- a e + b d +-+ | 2 2 2
--R
--R
         |-----| \|b \|b x + 2a b x + a
--R
        \| b
--R
--R
               +----+
--R
              |- a e + b d +----+
           - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
--R
         log(-----)
--R
                          b x + a
--R
              2 3 4 4 3 5 2 2 3
--R
--R
          (630a b e - 1260a b d e + 630b d e)x
--R
--R
              3 2 4
                    2 3 3 4 2 2 2
--R
          (1890a b e - 3780a b d e + 1890a b d e )x
--R
              4 4 3 2 3 2 3 2 2 5 4 4 3
--R
--R
          (1890a b e - 3780a b d e + 1890a b d e )x + 630a e - 1260a b d e
--R
--R
             3 2 2 2
--R
         630a b d e
--R
--R
                        +-+ +----+
                       \|b \|e x + d
--R
         +----+
--R
         \|- a e + b d atanh(-----)
                        +----+
--R
--R
                       \|- a e + b d
--R
                       3 4 4 3 3
--R
            4 4 4
--R.
          16b e x + (- 48a b e + 112b d e )x
--R
             2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
          (336a b e - 816a b d e + 576b d e )x
--R
--R
                       2 2 3 3 2 2
--R
                                           4 3 4 4
          (1050a b e - 2478a b d e + 1662a b d e - 170b d e)x + 630a e
--R
--R
```

```
3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
         - 1470a b d e + 966a b d e - 90a b d e - 20b d
--R
--R
                   +----+
        +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
        --R
             5 4 5 4 4
--R
                             5 3 4
         - 16b e x + (32a b e - 112b d e )x
--R
--R
               2 3 4 4 3 5 2 2 3
--R
--R
         (- 288a b e + 704a b d e - 576b d e )x
--R
               3 2 4 2 3 3
--R
                                4 2 2
--R
         (- 1386a b e + 3294a b d e - 2238a b d e + 170b d e)x
--R
--R
              4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
         (- 1680a b e + 3948a b d e - 2628a b d e + 260a b d e + 20b d )x
--R
             5 4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
          - 630a e + 1470a b d e - 966a b d e + 90a b d e + 20a b d
--R
--R
         +-+ +----+
--R
        --R /
--R
        7 2 6 2 5 +-+ | 2 2 2
--R
--R
     (40b x + 80a b x + 40a b) | b | x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1107
--S 1108 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)
                5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4
--R
--R
            - 2b e x - 10b d e x - 20b d e x - 20b d e x - 10b d e x
--R
--R
--R
            - 2b d
--R
--R
            +----+
--R
           |- a e + b d +----+
--R
           |----- \|e x + d
           \| b
--R
--R
--R
           66 6 55 5 244
         b e x + (- a e + 7b d e )x + (- 5a d e + 20b d e )x
--R
--R
```

```
2 4 3 3 3 3 4 2 2
--R
--R
         (- 10a d e + 30b d e )x + (- 10a d e + 25b d e )x
--R
--R
                    5
              4 2
                             5
--R
         (-5ade + 11bde)x - ade + 2bd
--R
--R
         | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
          2 5 6 5
                          2 4 5 4 2 2 3 4
--R
          2b e x + (2a b e + 10b d e )x + (10a b d e + 20b d e )x
--R
--R
               23 2323
                                   3 2
                                         24 2
--R
         (20a b d e + 20b d e )x + (20a b d e + 10b d e)x
--R
--R
               4
                   2 5
--R
         (10a b d e + 2b d)x + 2a b d
--R
--R
         +----+
--R
        |- a e + b d +----+
--R
        |----- \|e x + d
        \| b
--R
--R
--R
        267 2 56 26
                            5 224 5
--R
       -bex -7bdex + (ae - 2abde - 20bde)x
--R
--R
        2 5 2 4 2 3 3 4
--R
       (5a d e - 10a b d e - 30b d e )x
--R
          2 2 4
--R
                   3 3
                          2 4 2 3
--R
       (10a d e - 20a b d e - 25b d e)x
--R
          2 3 3 4 2 2 5 2 2 4 2 5 2 6
--R
--R
       (10a d e - 20a b d e - 11b d e)x + (5a d e - 10a b d e - 2b d )x
--R
       2 5
--R
--R
       a d e - 2a b d
--R /
--R
                    3
                         4 3 3 2
                                           3
           b e x + (2a b e + 2b d)x + 6a b d x + (-2a b e + 6a b d)x - a e
--R
--R
--R.
            3
--R
          2a b d
--R
          +----+
--R
--R
          --R
             4 4 3 4 3 2 2 3 2
--R
           -2b e x + (-6a b e - 2b d)x + (-6a b e - 6a b d)x
--R
```

```
3 22 3
--R
--R
--R
           (- 2a b e - 6a b d)x - 2a b d
--R
--R
          +----+
--R
          |- a e + b d
--R
--R
          \| b
--R
--R
--R
        1 2 2 2
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1108
--S 1109 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
            2 3 4 4 3 5 2 2 3
--R
         (315a b e - 630a b d e + 315b d e )x
--R
--R
             3 2 4 2 3 3 4 2 2 2
          (945a b e - 1890a b d e + 945a b d e )x
--R
--R
             4 4 3 2 3 2 3 2 2 5 4
--R
--R
          (945a b e - 1890a b d e + 945a b d e )x + 315a e - 630a b d e
--R
--R
            3 2 2 2
--R
         315a b d e
--R
--R
                       +-+ +----+
--R
        +----+
                      \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                       +----+
--R
--R
                       \|- a e + b d
--R
                      3 3 4 2 2 2
--R
               2 2 4
--R
         (- 315a b e + 630a b d e - 315b d e )x
--R
--R
              3 4
                      2 2 3 3 2 2 4 4 3
--R.
         (- 630a b e + 1260a b d e - 630a b d e )x - 315a e + 630a b d e
--R
--R
              2 2 2 2
         - 315a b d e
--R
--R
--R
           +----+
         +-+ |a e - b d | 2 2 \|e x + d
--R
        --R
```

```
--R
                               \| b
                                                                                                                           +----+
--R
                                                                                                                          la e - b d
--R
                                                                                                                          |-----
                                                                                                                         \| b
--R
--R
                                 444 34 433
--R
--R
                             8b e x + (- 24a b e + 56b d e )x
--R
                                       2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
                             (168a b e - 408a b d e + 288b d e )x
--R
--R
                                                               2 2 3 3 2 2
--R
                                                                                                                               4 3
                               (525a b e - 1239a b d e + 831a b d e - 85b d e)x + 315a e
--R
--R
--R
                                          3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
                              - 735a b d e + 483a b d e - 45a b d e - 10b d
--R
--R
                                                          +----+
                           +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
                          --R
--R
                                    5 4 5 4 4 5 3 4
                              - 8b e x + (16a b e - 56b d e)x
--R
--R
--R
                                          2 3 4 4 3 5 2 2 3
                             (- 144a b e + 352a b d e - 288b d e )x
--R
--R
                                             3 2 4 2 3 3 4 2 2 5 3 2
--R
--R
                             (- 693a b e + 1647a b d e - 1119a b d e + 85b d e)x
--R
--R
                                             4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
                               (-840a b e + 1974a b d e - 1314a b d e + 130a b d e + 10b d)x
--R
                                          5 4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
                             - 315a e + 735a b d e - 483a b d e + 45a b d e + 10a b d
--R
--R
                            +-+ +----+
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                         7 2 6 2 5 +-+ | 2 2
--R
                  (20b x + 40a b x + 20a b) | b | b x + 2a b x + a
--R
--R
                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1109
--S 1110 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)
```

```
--R
         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
        (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) \ b x + 2a b x + a
--R
           5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
--R
        - b e x + (- a e - 5b d e )x + (- 5a d e - 10b d e )x
--R
--R
              2 3
                       3 2 3
                                     3 2
                                             4 2
        (- 10a d e - 10b d e )x + (- 10a d e - 5b d e)x + (- 5a d e - b d )x
--R
--R
--R
--R
        - a d
--R /
--R
       3 3 2 2 2 3 +----+ | 2 2
--R
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1110
)clear all
--S 1111 of 1618
t0:=(d+e*x)^(7/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
          3 3 2 2
                        2 3 +----+
--R
--R
          (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
--R
         2 2 2 2 2 2
--R.
--R
         (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1111
--S 1112 of 1618
r0:=-1/2*(a+b*x)*(d+e*x)^(7/2)/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  35/12*e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)/(b^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  7/4*e*(d+e*x)^(5/2)/(b^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-35/4*e^2*_
  (b*d-a*e)^(3/2)*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
  (b^{(9/2)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+35/4*e^2*(b*d-a*e)*(a+b*x)*_
  sqrt(d+e*x)/(b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
    (2)
                 23 3 2 2 2 3 2 2 3 3
--R
--R
            (105a b e - 105b d e)x + (210a b e - 210a b d e)x + 105a e
--R
--R
                2
--R
           - 105a b d e
--R
```

```
--R
                                                                                 +-+ +----+
--R
                              +----+
                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                             \|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                               \|- a e + b d
--R
                                      3 3 3
                                                                         23 3 2 2
--R
--R
                                 8b e x + (-56a b e + 80b d e)x
--R
                                                   2 3 2 2 3 2
--R
                                                                                                                                             3 3
                                  (- 175a b e + 238a b d e - 39b d e)x - 105a e + 140a b d e
--R
--R
                                                   2 2
                                                                    3 3
--R
--R
                                  - 21a b d e - 6b d
--R
--R
                               +-+ +----+
--R
                             \b \ \ \ x + d
--R /
--R
                            5 4 +-+ | 2 2 2
--R
--R
                    (12b x + 12a b) | b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1112
--S 1113 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
              (3)
--R
           [
                                                        23 3 2 2 2 3 2 2 3 3
--R
--R
                                       (105a b e - 105b d e)x + (210a b e - 210a b d e)x + 105a e
--R
--R
                                                   2 2
--R
                                   - 105a b d e
--R
--R
                                                                                      +----+
                                                                                      |- a e + b d +----+
--R
                                                                              2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d \| b
--R
--R
                                     |- a e + b d
                                    |------| log(------)
--R
--R
                                  \ I
                                                                                                                              b x + a
--R
--R
                                             3 3 3
                                                                                    2 3 3 2 2
--R
                                      16b e x + (- 112a b e + 160b d e )x
--R
                                                    2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
                                       (-350a b e + 476a b d e - 78b d e)x - 210a e + 280a b d e
--R
--R
                                                        2 2 3 3
```

```
--R
           - 42a b d e - 12b d
--R
--R
           +----+
--R
          --R
         6 2 5
--R
                       2 4
--R
       24b x + 48a b x + 24a b
--R
--R
                2 3
                        3 2 2 2 3 2 2
--R
--R
           (105a b e - 105b d e )x + (210a b e - 210a b d e )x + 105a e
--R
                2
--R
--R
           - 105a b d e
--R
--R
           +----+
                         +----+
--R
           la e - b d
                        \exists x + d
--R
           |----- atan(-----)
--R
                        +----+
--R
                        la e - b d
--R
                        |----
--R
                        \| b
--R
--R
             3 3 3 2 3 3 2 2
--R
           8b e x + (- 56a b e + 80b d e )x
--R
             2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
            (- 175a b e + 238a b d e - 39b d e)x - 105a e + 140a b d e
--R
--R
                 2 2 3 3
--R
           - 21a b d e - 6b d
--R
--R
           +----+
--R
          \leq x + d
--R
         6 2 5 2 4
--R
--R
      12b x + 24a b x + 12a b
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1113
--S 1114 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
               23 3 2 2 2 3 2 2 3 3
--R
--R
          (105a b e - 105b d e )x + (210a b e - 210a b d e )x + 105a e
--R
--R
               2 2
```

```
--R
         - 105a b d e
--R
--R
         +----+
         |- a e + b d +-+ | 2 2 2
--R
--R
        |----- \|b \|b x + 2a b x + a
        \| b
--R
--R
--R
             +----+
            |- a e + b d +----+
--R
--R
           2b \mid ----- \mid e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
           \| b
        log(-----)
--R
--R
--R
--R
               3 3 4 2 3 2 2 3 3 2 2
--R
         (- 210a b e + 210b d e )x + (- 630a b e + 630a b d e )x
--R
                     2 2 2 4 3 3
--R
              3 3
--R
          (-630a b e + 630a b d e)x - 210a e + 210a b d e
--R
--R
                       +-+ +----+
        +----+ \|b \|e x + d
--R
        \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                       +----+
--R
--R
                       \|- a e + b d
--R
                       23 3 2 2
--R
           3 3 3
--R
         16b e x + (- 112a b e + 160b d e )x
--R
              2 3 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
          (-350a b e + 476a b d e - 78b d e)x - 210a e + 280a b d e
--R
              2 2 3 3
--R
--R
         - 42a b d e - 12b d
--R
--R
         +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
        \|b \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
             4 3 4 3 3 4 2 3
--R
         - 16b e x + (96a b e - 160b d e )x
--R
--R.
            2 2 3 3 2
                              4 2 2
          (462a b e - 636a b d e + 78b d e)x
--R
--R
             3 3 2 2 2
                                       4 3 4 3
--R
                                3 2
--R
         (560a b e - 756a b d e + 120a b d e + 12b d )x + 210a e
--R
             3 2 222 33
--R
--R
          - 280a b d e + 42a b d e + 12a b d
```

```
--R
--R
        +-+ +----+
--R
        \b \leq x + d
--R /
--R
       6 2 5 2 4 +-+ | 2 2 2
--R
      (24b x + 48a b x + 24a b) | b | x + 2a b x + a
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1114
--S 1115 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
              4 4 3 3 2 2 2 3 4 |- a e + b d
--R.
--R
           (2b e x + 8b d e x + 12b d e x + 8b d e x + 2b d ) |-----
                                                  \| ъ
--R
--R
--R
            +----+
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
           5 5 5 4 4 4 2 3 3
--R
          b e x + (- a e + 6b d e )x + (- 4a d e + 14b d e )x
--R
              2 3 3 2 2 3 2
--R
--R
          (- 6a d e + 16b d e )x + (- 4a d e + 9b d e)x - a d e + 2b d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        --R
            2 4 5 4 2 3 4 3 2 2 2 3
--R
--R
          - 2b e x + (- 2a b e - 8b d e )x + (- 8a b d e - 12b d e )x
--R
--R
                22 23 2
                                    3
                                         2 4
--R
         (- 12a b d e - 8b d e)x + (- 8a b d e - 2b d )x - 2a b d
--R
--R
         +----+
--R
         |- a e + b d +----+
         |----- \|e x + d
--R
--R.
        \| b
--R
        256 2 45 25 4 2234
--R
--R
       - b e x - 6b d e x + (a e - 2a b d e - 14b d e )x
--R
--R
        2 4 2 3 2 3 2 3 2 2 3 3 2 2 4 2
       (4a d e - 8a b d e - 16b d e )x + (6a d e - 12a b d e - 9b d e)x
--R
--R
```

```
--R
--R
                         (4a d e - 8a b d e - 2b d )x + a d e - 2a b d
--R /
--R
                                                                 3
                                                                                      4 3 3 2 3 2 4
--R
                                      b e x + (2a b e + 2b d)x + 6a b d x + (-2a b e + 6a b d)x - a e
--R
--R
                                        3
--R
                                     2a b d
--R
                                    +----+
--R
--R
                                  \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                        4 4
                                                                   3 4 3
                                                                                                                    2 2 3 2
--R
                                       2b e x + (6a b e + 2b d)x + (6a b e + 6a b d)x
--R
--R
--R
                                          3 22
                                                                                          3
--R
                                    (2a b e + 6a b d)x + 2a b d
--R
                                    +----+
--R
--R
                                    |- a e + b d
--R
                                   |-----
--R
                                  \| b
--R
--R
                          1 2 2 2
--R
--R
                        --R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1115
--S 1116 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
              (6)
                                                      3 3 4 2 3
                                                                                                                         2 2 3 3 2 2
--R
                                (- 105a b e + 105b d e )x + (- 315a b e + 315a b d e )x
--R
--R
                                                                            2 2 2
                                                                                                                   4 3 3 2
--R
                                                  3 3
                               (- 315a b e + 315a b d e )x - 105a e + 105a b d e
--R
--R
--R
                                                                                 +-+ +----+
                              +----+
--R
                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
                             \|- a e + b d atanh(-----)
--R.
                                                                               +----+
--R
--R
                                                                              \ |-ae+bd
--R
                                                23 3 2 2 2 3 2 2 3 3
--R
                               (105a b e - 105b d e )x + (210a b e - 210a b d e )x + 105a e
--R
--R
--R
                                                2 2
```

```
--R
        - 105a b d e
--R
--R
           +----+
        +-+ |a e - b d | 2 2 2
--R
                                      \ensuremath{\mbox{le x + d}}
        --R
         \| b
--R
                                      +----+
--R
                                      la e - b d
--R
                                      |-----
                                      \| b
--R
--R
--R
          3 3 3 2 3 3 2 2
         8b e x + (- 56a b e + 80b d e )x
--R
--R
             2 3 2 2
                               3 2
--R
                                      3 3 2 2
--R
         (- 175a b e + 238a b d e - 39b d e)x - 105a e + 140a b d e
--R
--R
              2 2 3 3
         - 21a b d e - 6b d
--R
--R
--R
                  +----+
        +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
        --R
--R
           4 3 4 3 3 4 2 3
--R
         -8b e x + (48a b e - 80b d e)x
--R
             2 2 3 3 2 4 2 2
--R
--R
         (231a b e - 318a b d e + 39b d e)x
--R
             3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3
--R
--R
         (280a b e - 378a b d e + 60a b d e + 6b d)x + 105a e
--R
             3 2 222
--R
                              3 3
--R
         - 140a b d e + 21a b d e + 6a b d
--R
         +-+ +----+
--R
--R
        \b \ \ \ x + d
--R /
--R
       6 2 5 2 4 +-+ | 2 2 2
--R
--R
     (12b x + 24a b x + 12a b) | b | b x + 2a b x + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1116
--S 1117 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)
--R
                                    +----+
```

```
--R
                          4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2 4 5
--R
                       (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) \ b x + 2a b x + a - b e x
--R
--R.
                                                                                                                2 2 3 2 2 3 2
                                                          3 4
                                                                                           3
--R
                       (-ae-4bde)x + (-4ade-6bde)x + (-6ade-4bde)x
--R
--R
                                   3
--R
                       (-4ade-bd)x-ad
--R /
--R
--R
                      3 3 2 2 2 3 +-----+ | 2 2 2
--R
                  (b x + 3a b x + 3a b x + a) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1117
)clear all
--S 1118 of 1618
t0:=(d+e*x)^(5/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                                                                              2 +----+
                                          2 2
--R
                                      (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
             (1) -----
--R
                                                                 2 | 2 2 2
--R
--R
                         (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1118
--S 1119 of 1618
r0:=-1/2*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2)/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
      5/4*e*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
      15/4*e^2*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*_
      sqrt(b*d-a*e)/(b^(7/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
      15/4*e^2*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R.
--R
--R
             (2)
--R
--R
                                    2 2 2
                                                        2
                                                                                 2 2 +----+
                                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                       (-15b e x - 30a b e x - 15a e) = a e + b d atanh(-----)
--R.
                                                                                                                                                 +----+
--R.
                                                                                                                                              \ |-ae+bd
--R
                        2 2 2
--R
                                                                          2
                                                                                                    2 2
                                                                                                                                                2 2 +-+ +----+
--R
                  (8b e x + (25a b e - 9b d e)x + 15a e - 5a b d e - 2b d) \ | b | e x + d
--R /
--R
--R
                                            3 +-+ | 2 2
```

```
--R
      (4b x + 4a b) \mid b \mid x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1119
--S 1120 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
   [
--R
             2 2 2 2 |- a e + b d
--R
--R
           (15b e x + 30a b e x + 15a e)
                                   \| b
--R
--R
--R
--R
                  |- a e + b d +----+
              - 2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                \| b
--R
           log(-----)
--R
--R
                              b x + a
--R
                           2 2 2
--R
           2 2 2 2
                                                      2 2 +----+
--R
        (16b e x + (50a b e - 18b d e)x + 30a e - 10a b d e - 4b d ) | e x + d
--R
        5 2 4 2 3
--R
--R
       8b x + 16a b x + 8a b
--R
--R
--R
                                    +----+
                             22 |ae-bd
              2 2 2 2
--R
                                                  \leq x + d
--R
        (- 15b e x - 30a b e x - 15a e ) |----- atan(-----)
--R
                                   \| b
                                                 +----+
--R
                                                  la e - b d
--R
                                                 \| b
--R
--R
                   2 2
--R
           2 2 2
                                     2 2
                                                     2 2 +----+
--R
        (8b e x + (25a b e - 9b d e)x + 15a e - 5a b d e - 2b d) | e x + d
--R
        5 2 4
--R
       4b x + 8a b x + 4a b
--R
--R.
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1120
--S 1121 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
```

```
(4)
--R
--R
                            +----+
          2 2 2 2 2 |- a e + b d +-+ | 2 2 2
--R
--R
       --R
                           \| b
--R
--R
             +----+
--R
            |- a e + b d +----+
          - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
            \| b
--R
--R
       log(-----)
                       b x + a
--R
--R
         3 2 3 2 2 2 2 3 2 +-----
--R
--R
       (30b e x + 90a b e x + 90a b e x + 30a e) = a e + b d
--R
--R
           +-+ +----+
--R
           --R
       atanh(-----)
           +----+
--R
--R
           \|- a e + b d
--R
          2 2 2 2 2 2 2 2
--R
                                             2 2 +-+
--R
       (16b e x + (50a b e - 18b d e)x + 30a e - 10a b d e - 4b d ) \ | b
--R
--R
        +-----+ | 2 2 2
--R
--R
       --R
            3 2 3 2 2 3 2
--R
        - 16b e x + (-66a b e + 18b d e)x
--R
--R
            2 2 2 3 2
                                3 2 2 2 2
--R
--R
        (- 80a b e + 28a b d e + 4b d )x - 30a e + 10a b d e + 4a b d
--R
        +-+ +----+
--R
--R
       \b \ \ \ x + d
--R /
--R
      5 2 4 2 3 +-+ | 2 2
--R
--R
     (8b x + 16a b x + 8a b) \ b \ x + 2a b x + a
                                   Type: Expression(Integer)
--R
--Е 1121
--S 1122 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)
--R
                                     +----+
```

```
3 3 2 2 2 3 |- a e + b d +----+
--R
--R
          (- 2b e x - 6b d e x - 6b d e x - 2b d ) |----- \| e x + d
--R
--R
--R
           4 4 4 3 3 3 2 2 2
         b e x + (- a e + 5b d e )x + (- 3a d e + 9b d e )x
--R
--R
--R
              2 2 3
         (- 3a d e + 7b d e)x - a d e + 2b d
--R
--R
--R
         | 2 2 2
--R
        \| b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
          2 3 4 3 2 2 3
                                  2 22 2
--R
          2b e x + (2a b e + 6b d e )x + (6a b d e + 6b d e)x
--R
--R
              2
                  2 3
--R
         (6a b d e + 2b d )x + 2a b d
--R
--R
         +----+
        |- a e + b d +----+
--R
--R
        |----- \|e x + d
        \| b
--R
--R
--R
        2 4 5 2 3 4 2 4 3 2 2 2 3
--R
       - b e x - 5b d e x + (a e - 2a b d e - 9b d e )x
--R
--R
         --R.
       (3a d e - 6a b d e - 7b d e)x + (3a d e - 6a b d e - 2b d )x + a d e
--R
--R
--R
       - 2a b d
--R /
--R
                    3 4 3 3 2
                                           3
          b e x + (2a b e + 2b d)x + 6a b d x + (-2a b e + 6a b d)x - a e
--R
--R
--R
            3
--R
           2a b d
--R
          +----+
--R
          \leq x + d
--R
--R
--R
                        3 4 3 2 2 3 2
           -2b e x + (-6a b e - 2b d)x + (-6a b e - 6a b d)x
--R
--R
--R
              3 22
--R
           (-2a b e - 6a b d)x - 2a b d
--R
          +----+
--R
```

```
|- a e + b d
--R
--R
          |-----
--R
          \| b
--R
--R
       | 2 2 2
--R
--R
       --R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1122
--S 1123 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
          3 2 3 2 2 2 2 3 2 +-----
--R
        (15b e x + 45a b e x + 45a b e x + 15a e) = a e + b d
--R
--R
             +-+ +----+
--R
            --R
        atanh(-----)
--R
             +----+
--R
            \|- a e + b d
--R
--R
                                   +----+
            2 2 2 2 2 +-+ |a e - b d | 2 2 2
--R
        (-15b e x - 30a b e x - 15a e) | b | ----- | b x + 2a b x + a
--R
--R
                                   \| b
--R
--R
             +----+
--R
            \ensuremath{\mbox{le x}} + d
        atan(-----)
--R
            +----+
--R
--R
            |ae-bd
--R
            |-----
            \| b
--R
--R
          2 2 2 2 2 2 2 2
--R
        (8b e x + (25a b e - 9b d e)x + 15a e - 5a b d e - 2b d ) \ b
--R
--R
--R
--R
        +----+ | 2 2
--R.
        --R
            3 2 3 2 2 3
--R
         -8b e x + (-33a b e + 9b d e)x
--R
--R
--R
                      2
                            3 2
                                   3 2 2 2 2 2
--R
         (- 40a b e + 14a b d e + 2b d )x - 15a e + 5a b d e + 2a b d
--R
```

```
--R
          +-+ +----+
--R
          \b \leq x + d
--R /
--R
                               +----+
         5 2 4 2 3 +-+ | 2 2
--R
--R
       (4b x + 8a b x + 4a b) | b | x + 2a b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1123
--S 1124 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
     (7)
--R
--R
         3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
        (e x + 3d e x + 3d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a - b e x
--R.
                                2 2 2 2 3
--R
          3 2 3
       (-ae - 3b de)x + (-3a de - 3b de)x + (-3a de - b d)x - a d
--R
--R /
--R
                                         +----+
       3 3 2 2 2 3 +----+ | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1124
)clear all
--S 1125 of 1618
t0:=(d+e*x)^(3/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
--R
                 (e x + d) \setminus |e x + d|
--R
--R
                       2 | 2 2
--R
--R
         (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1125
--S 1126 of 1618
r0:=-1/2*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  3/4*e^2*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(5/2)*_
  sqrt(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-3/4*e*sqrt(d+e*x)/(b^2*_a*b*x+b^2*x^2))
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R (2)
```

```
--R
                                  +-+ +----+
         2 2 2 2 2 2 2
--R
                                 --R
      (- 3b e x - 6a b e x - 3a e )atanh(-----)
--R
--R
                                  \|- a e + b d
--R
--R
                         +----+
--R
       (-5b e x - 3a e - 2b d) = a e + b d | b | e x + d
--R /
--R
--R
       3 2 +----+ +-+ | 2 2
      (4b x + 4a b) = a e + b d | b | b x + 2a b x + a
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1126
--S 1127 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
   [
            2 2 2 2 2 2 2
--R
          (3b e x + 6a b e x + 3a e)
--R
--R
--R
                                               1 2
                    2 +----+
--R
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
        log(-----)
--R
                                 b x + a
--R
--R
                           2 +----+
--R
--R
        (-10b e x - 6a e - 4b d) = a b e + b d = x + d
--R
--R
        4 2 3 2 2 1 2
--R
--R
       (8b x + 16a b x + 8a b) = a b e + b d
--R
--R
--R
                                 2 +----+
--R
--R
          2 2 2 2 \|a b e - b d \|e x + d
--R.
        (3b e x + 6a b e x + 3a e) atan(-----)
--R
                                      ae-bd
--R
--R
                           +----+
                           2 +----+
--R
--R
        (-5b e x - 3a e - 2b d) | a b e - b d | e x + d
--R
--R
                         +----+
```

```
4 2 3 2 2 | 2
--R
--R
                      (4b x + 8a b x + 4a b) | a b e - b d
--R
--R
                                                                                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1127
--S 1128 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
           (4)
--R
                                   2 2 2 2 2 2 +-----+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
                             (3b e x + 6a b e x + 3a e) = a e + b d | b | b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
                                                                  2 +----+
--R
                                     (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
                            log(-----)
--R
                                                                                                         b x + a
--R
--R
                                  3 2 3 2 2 2 2 3 2 | 2
--R
--R
                             (6b e x + 18a b e x + 18a b e x + 6a e )\|- a b e + b d
--R
                                             +-+ +----+
--R
--R
                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                            atanh(-----)
--R
--R
                                           \label{lem:ae+bd}
--R
                                                                                        +-----+
| 2 +-----+
--R
--R
--R
                             (- 10b e x - 6a e - 4b d)\|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R
--R
                              | 2 2 2
--R
--R
                            --R
--R
                                                                                  2 2
                                                                                                                               | 2
--R
                             (10b e x + (16a b e + 4b d)x + 6a e + 4a b d) | - a b e + b d
--R
--R.
--R
                              +----+
--R
                            --R /
--R
                             4 2 3 2 2 | 2 +-----+ +-+
--R
                        (8b x + 16a b x + 8a b) = a b e + b d = a e + b d = b
--R
--R
```

```
--R
       | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1128
--S 1129 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)
                3 2 2 2 2 2 2 2 3
--R
           ((2a b e - 2b d e )x + (4a b d e - 4b d e)x + 2a b d e - 2b d )
--R
--R
--R
--R
           \le x + d
--R
              3 3 2 2 2 2 2
--R
            b e x + (- a e + 4b d e )x + (- 2a d e + 5b d e)x - a d e
--R
--R
--R
            2b d
--R
--R
--R
            1 2
--R
--R
            \|- a b e + b d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        \| b x + 2a b x + a
--R
              23 3 23 2 3 2 2 3 2 2
--R
--R
         (- 2a b e + 2b d e )x + (- 2a b e - 2a b d e + 4b d e)x
--R
             2 2 22 33 22 23
--R
         (- 4a b d e + 2a b d e + 2b d )x - 2a b d e + 2a b d
--R
--R
--R
         +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                      2 22 2
--R
           2 3 4
                   2 2 3 2 3
          - b e x - 4b d e x + (a e - 2a b d e - 5b d e)x
--R
--R
                          2 3
--R
           2 2 2
                                 2 2
--R
         (2a d e - 4a b d e - 2b d )x + a d e - 2a b d
--R
--R
        | 2
--R
--R
        \|- a b e + b d
--R /
```

```
4 4 3 4 3 3 2 3 2 2 4
--R
--R
          b e x + (2a b e + 2b d)x + 6a b d x + (-2a b e + 6a b d)x - a e
--R
--R
            3
--R
          2a b d
--R
--R
          2 +----+
--R
         --R
--R
          4 2 5 4 2 3 2 4 5 2 3
--R
        (2a b e - 2b d e)x + (6a b e - 4a b d e - 2b d )x
--R
--R
         3 2 2 4 2 2 4 2 3 2
--R
                                        2 3 2
--R
        (6a b e - 6a b d )x + (2a b e + 4a b d e - 6a b d )x + 2a b d e
--R
--R
         3 2 2
        - 2a b d
--R
--R
--R
       +----+
       | 2 2 2
--R
--R
       \| b x + 2a b x + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 1129
--S 1130 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
         3 2 3 2 2 2 2 3 2 | 2
--R
--R
        (3b e x + 9a b e x + 9a b e x + 3a e) \ | a b e - b d
--R
--R
            +-+ +----+
--R
           \|b \|e x + d
        atanh(-----)
--R
           +----+
--R
            \|- a e + b d
--R
--R
--R
          2 2 2 2 2 +-----+ +-+ | 2 2
--R
--R
        (3b e x + 6a b e x + 3a e )\|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
--R
            +----+
           2 +----+
--R
--R
          --R
        atan(-----)
         a e - b d
--R
--R
```

```
--R
                          +-----+ +-+ | 2 +-----+
--R
--R
        (-5b e x - 3a e - 2b d) | -a e + b d | b | a b e - b d | e x + d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        --R
         2 2 2 +-----+ +-+
--R
        (5b e x + (8a b e + 2b d)x + 3a e + 2a b d) = a e + b d | b
--R
--R
--R
         +----+
         2 +----+
--R
--R
        --R /
--R
        4 2 3 2 2 +----- +-+ | 2
--R.
--R
       (4b x + 8a b x + 4a b) = a e + b d | b = b d
--R
--R
      +----+
       | 2 2 2
--R
--R
       \| b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1130
--S 1131 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)
--R
       2 2 2 2 2 2 2 3 2 2
--R
--R
      (e x + 2d e x + d) \setminus (b x + 2a b x + a - b e x + (-ae - 2b d e) x
--R
--R
                2
      (- 2a d e - b d )x - a d
--R
--R /
--R
      3 3 2 2 2 3 +-----+ | 2 2 2
--R
--R
    (b x + 3a b x + 3a b x + a )\|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1131
)clear all
--S 1132 of 1618
t0:=(d+e*x)^(1/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
                    +----+
```

```
--R
                                                                       \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
                               2 2
                                                                            2 | 2 2 2
--R
--R
                             (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1132
--S 1133 of 1618
r0:=-1/2*(a+b*x)*(d+e*x)^{(3/2)}/((b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(3/2)})+\_
        1/4*e^2*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(3/2)*__
        (b*d-a*e)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+1/4*e*sqrt(d+e*x)/_
        (b*(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                                                                       +-+ +----+
--R
                                    2 2 2 2 2 2
                                                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
                           (- b e x - 2a b e x - a e )atanh(-----)
--R
                                                                                                                       +----+
--R
--R
                                                                                                                     \label{lem:a} | -ae + bd |
--R
--R
                                                                                  +----+
--R
                           (b e x - a e + 2b d) = a e + b d | b | e x + d
--R /
--R
                                                  3 2 2 +----+ +-+ | 2 2
--R
--R
                     ((4a b e - 4b d)x + 4a b e - 4a b d) = a e + b d |b |b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1133
--S 1134 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                (3)
--R
               Γ
                                          2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
                                     (bex + 2abex + ae)
--R
--R
--R
                                                                         2 +----+
--R.
                                          (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                                                                                                      b x + a
--R
--R
                                                                                             +----+
--R
                                                                                            2 +----+
--R
                                (2b e x - 2a e + 4b d) = a b e + b d = x + d
--R
                  /
```

```
3 4 2 2 2 3 3 2 2
--R
--R
         ((8a b e - 8b d)x + (16a b e - 16a b d)x + 8a b e - 8a b d)
--R
--R
        1 2
--R
--R
        \|- a b e + b d
--R
--R
                                +-----+
| 2 +----+
--R
--R
         2 2 2 2 2 2
--R
                              --R
        (b e x + 2a b e x + a e )atan(-----)
--R
--R
--R
--R
                        2 +----+
--R
        (b e x - a e + 2b d)\|a b e - b d \|e x + d
--R
--R
               4 2 2 2 3 3 2 2 | 2
--R
--R
       ((4a b e - 4b d)x + (8a b e - 8a b d)x + 4a b e - 4a b d)\|a b e - b d
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1134
--S 1135 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
          2 2 2 2 2 2 +-----+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
         (b e x + 2a b e x + a e )\|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                               1 2
                    2 +----+
--R
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
        log(-----)
--R
                                 b x + a
--R
--R
          3 2 3 2 2 2 2 3 2 | 2
--R
--R.
         (2b e x + 6a b e x + 6a b e x + 2a e) = a b e + b d
--R
--R
             +-+ +----+
--R
             \b \leq x + d
--R
        atanh(-----)
--R
             +----+
             \ |-ae+bd
--R
--R
```

```
--R
                                                                                                                                --R
--R
                                             (2b e x - 2a e + 4b d) | - a b e + b d | - a e + b d | b | e x + d
--R
--R
                                              | 2 2 2
--R
--R
                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                       2 2 2 2
                                                                                                                                                                               2 +----+ +-+
--R
--R
                                          (- 2b e x - 4b d x + 2a e - 4a b d)\|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
--R
--R
                                           \le x + d
--R /
--R
                                                       3
                                                                             4 2 2 2
                                                                                                                                                                        3 3 2 2
--R
                                     ((8a b e - 8b d)x + (16a b e - 16a b d)x + 8a b e - 8a b d)
--R
--R
                                                                                                                                                                     +----+
                                      2 +-----+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
                                     \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1135
--S 1136 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                     (5)
                                                                          2 2 2 +----+
--R
--R
                                                 ((2a b e - 2b d e)x + 2a b d e - 2b d) | e x + d
--R
--R
                                                                 2 2 2
                                                                                                                                                                                                             2 | 2
--R
--R
                                                 (b e x + (-a e + 3b d e)x - a d e + 2b d) = a b e + b d
--R
--R
                                                +----+
                                                | 2 2 2
--R
--R
                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                     2 2 3 2 2 3 2 2 2 2 2
--R
                                             ((- 2a b e + 2b d e)x + (- 2a b e + 2b d )x - 2a b d e + 2a b d )
--R
--R.
--R
                                               +----+
--R
                                           \le x + d
--R
                                                     2 2 3 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
                                             (- b e x - 3b d e x + (a e - 2a b d e - 2b d )x + a d e - 2a b d )
--R
--R
                                             +----+
```

```
1 2
--R
--R
         \|- a b e + b d
--R /
            4 4 3 4 3 3 2 3 2 2 4
--R
--R
           b e x + (2a b e + 2b d)x + 6a b d x + (- 2a b e + 6a b d)x - a e
--R
--R
            3
--R
           2a b d
--R
--R
--R
           2 +----+
          --R
--R
           4 2 5 4 2 3 2
--R
                                    4 523
--R
         (2a b e - 2b d e)x + (6a b e - 4a b d e - 2b d)x
--R
--R
          3 2 2 4 2 2 4 2 3 2
                                           2 3 2
--R
         (6a b e - 6a b d )x + (2a b e + 4a b d e - 6a b d )x + 2a b d e
--R
--R
          3 2 2
--R
         - 2a b d
--R
--R
--R
        | 2 2 2
       \| b x + 2a b x + a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1136
--S 1137 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
       3 2 3 2 2 2 2 3 2 | 2
--R
                                                  +-+ +----+
--R
                                                  \b \leq x + d
--R
       (b e x + 3a b e x + 3a b e x + a e )\|a b e - b d atanh(-----)
--R
                                                   +----+
                                                   \label{eq:local_problem} \ a e + b d
--R
--R
--R
               2 2 2 +----+ +-+ | 2 2 2
--R
         (b e x + 2a b e x + a e )\|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
--R.
--R
             2 +----+
--R
--R
            \|a b e - b d \|e x + d
--R
         atan(-----)
--R
                 ae-bd
--R
--R
                                      +----+
```

```
--R
                           (b e x - a e + 2b d)\|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|e x + d
--R
--R
--R
                            | 2 2 2
--R
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                 2 2 2 2 +-----+ +-+ | 2
--R
--R
--R
                            (-\ b\ e\ x\ -\ 2b\ d\ x\ +\ a\ e\ -\ 2a\ b\ d) \backslash |-\ a\ e\ +\ b\ d\ \backslash |b\ \backslash |a\ b\ e\ -\ b\ d
--R
--R
                             +----+
--R
                           \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
                                 3 4 2 2 2 3 3 2 2 +-----
--R
                       ((4a b e - 4b d)x + (8a b e - 8a b d)x + 4a b e - 4a b d) | - a e + b d
--R
--R
                                +----+
                        +-+ | 2 | 2 2
--R
--R
                       --R
                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1137
--S 1138 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                                             1 2 2 2 2
--R
--R
                       (e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a - b e x + (-ae - bd)x - ad
--R
--R
                            3 3 2 2 2 3 +-----+ | 2 2 2
--R
--R
                           (b x + 3a b x + 3a b x + a) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 1138
)clear all
--S 1139 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^{(1/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(3/2)})
--R
--R
--R.
                                                                               1
--R (1) -----
--R.
                           2 2 2 +-----+ | 2 2 2
--R
--R
                         (b x + 2a b x + a) | e x + d | b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1139
```

```
--S 1140 of 1618
r0:=-1/2*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  3/4*e^2*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
  ((b*d-a*e)^(5/2)*sqrt(b)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+3/4*e*_
  sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
    (2)
--R
--R
           2 2 2 2
--R
                           2 2
                                    \b \e x + d
--R
        (-3b e x - 6a b e x - 3a e) atanh(-----)
--R
--R
                                    \|- a e + b d
--R
--R
                          +----+
--R
        (3b e x + 5a e - 2b d) = a e + b d | b | e x + d
--R /
           2 2 2
                          3 2 3 2
--R
                                         2
--R
        ((4a b e - 8a b d e + 4b d )x + 4a e - 8a b d e + 4a b d )
--R
--R
--R
        +----+ +-+ | 2 2 2
--R
       --R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1140
--S 1141 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
             2 2 2 2
--R
--R
           (3b e x + 6a b e x + 3a e)
--R
--R
                                                   1
--R
                      2 +----+
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
         log(-----)
--R
                                   bx + a
--R
--R.
                            +----+
                               2 +----+
--R
--R
         (6b e x + 10a e - 4b d) = a b e + b d = x + d
--R
--R
                      3 422 32
                                                2 2
--R
           (8a b e - 16a b d e + 8b d )x + (16a b e - 32a b d e + 16a b d )x
--R
--R
            4 2
                   3
                            2 2 2
```

```
--R
         8a e - 16a b d e + 8a b d
--R
--R
        1 2
--R
--R
        \|- a b e + b d
--R
--R
--R
                                  2 +----+
--R
--R
          2 2 2 2
                         2 2
                                \|a b e - b d \|e x + d
--R
        (3b e x + 6a b e x + 3a e )atan(-----)
                                      ae-bd
--R
--R
--R
                          +----+
--R
                         1
                                2 +----+
--R
        (3b e x + 5a e - 2b d) | a b e - b d | e x + d
--R
--R
            2 2 2
                    3 422 32 22 32
          (4a b e - 8a b d e + 4b d )x + (8a b e - 16a b d e + 8a b d )x
--R
--R
--R
          4 2 3
                        2 2 2
         4a e - 8a b d e + 4a b d
--R
--R
--R
         1 2
--R
--R
        \|a b e - b d
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1141
--S 1142 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
          2 2 2 2 2 2 +-----+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
        (3b e x + 6a b e x + 3a e) = a e + b d | b | b x + 2a b x + a
--R
--R
                                               | 2
--R
                    2 +----+
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R.
        log(-----)
--R
                                 b x + a
--R
--R
          3 2 3 2 2 2 2 3 2 | 2
--R
--R
        (6b e x + 18a b e x + 18a b e x + 6a e )\|- a b e + b d
--R
--R
             +-+ +----+
```

```
--R
                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                             atanh(-----)
--R
                                             +----+
--R
                                           \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                        2 +-----
--R
--R
                             (6b e x + 10a e - 4b d) = a b e + b d = a e + b d = x + d
--R
--R
--R
                               | 2 2 2
--R
                             \|b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
                                                                   2 2
                                                                                                                                                       1 2
                                     2 2
--R
                             (-6b e x + (-16a b e + 4b d)x - 10a e + 4a b d) | -a b e + b d
--R
--R
                               +----+
--R
                             \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
--R
                                  2 2 2 3 4 2 2 3 2 2 2 3 2
--R
                             (8a b e - 16a b d e + 8b d )x + (16a b e - 32a b d e + 16a b d )x
--R
--R
                               4 2 3 2 2 2
--R
                             8a e - 16a b d e + 8a b d
--R
--R
                         2 +-----+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
                        \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1142
--S 1143 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
              (5)
--R
--R
                             ((2a b e - 2b d)|e x + d + (b e x - a e + 2b d)|- a b e + b d)
--R
--R
--R
--R.
                             1 2 2 2
--R
                           \|b x + 2a b x + a
--R
                                      2 3 2
                                                                                                         2 +----+
--R
                       ((-2a b e + 2b d)x - 2a b e + 2a b d) | e x + d
--R
--R
--R
                                 2 2 2 2
--R
                                                                                                            1 2
```

```
--R
       (-b e x - 2b d x + a e - 2a b d) = a b e + b d
--R /
--R
           4 4 3 4 3 3 2 3 2 2 4
--R
           b e x + (2a b e + 2b d)x + 6a b d x + (-2a b e + 6a b d)x - a e
--R
--R
            3
--R
          2a b d
--R
--R
          2 +----+
--R
         --R
--R
           4 2 5 4 2 3 2 4
--R
        (2a b e - 2b d e)x + (6a b e - 4a b d e - 2b d )x
--R
--R
--R
         3 2 2 4 2 2 4 2 3 2 2 3 2
--R
        (6a b e - 6a b d )x + (2a b e + 4a b d e - 6a b d )x + 2a b d e
--R
--R
          3 2 2
--R
        - 2a b d
--R
--R
       +----+
       | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1143
--S 1144 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
         3 2 3 2 2 2 2 3 2 | 2
--R
--R
        (3b e x + 9a b e x + 9a b e x + 3a e) \ | a b e - b d
--R
--R
            +-+ +----+
--R
            \b \leq x + d
        atanh(-----)
--R
            +----+
--R
--R
            |-ae+bd|
--R
--R
                                         +----+
          2 2 2 2 2 +----+ +-+ | 2 2
--R
--R
        (3b e x + 6a b e x + 3a e )\|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
--R
            2 +----+
--R
            --R
--R
        atan(-----)
```

```
ae-bd
--R
--R
--R
                       +-----+
--R
--R
        (3b e x + 5a e - 2b d) = a e + b d | b e - b d | e x + d
--R
--R
        | 2 2 2
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
--R
         2 2 2 +-----+ +-+
--R
        (-3b e x + (-8a b e + 2b d)x - 5a e + 2a b d) | -a e + b d | b
--R
--R
--R
        2 +----+
--R
--R
        --R /
--R
         2 2 2 3 4 2 2 3 2 2 2 3 2
        (4a b e - 8a b d e + 4b d )x + (8a b e - 16a b d e + 8a b d )x
--R
--R
--R
        4 2 3 2 2 2
       4a e - 8a b d e + 4a b d
--R
--R
--R
      +-----+ +-+ | 2 | 2 2
--R
      \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1144
--S 1145 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
                 +----+
| 2 2 2
--R
--R
--R
                 --R (7) ------
--R
       3 3 2 2 2 3 +-----+ | 2 2 2
--R
--R
       (b x + 3a b x + 3a b x + a) \le x + d \le x + a
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 1145
)clear all
--S 1146 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^{(3/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(3/2)})
--R
--R (1)
```

```
--R
--R /
                             2 3 2 2 2
--R
--R
                         (b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d) | e x + d
--R
--R
                           | 2 2 2
--R
--R
                        \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1146
--S 1147 of 1618
r0:=1/2*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x))-_
       15/4*e^2*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*_
       sqrt(b)/((b*d-a*e)^(7/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+5/4*e/_
       ((b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+15/4*e^2*_
        (a+b*x)/((b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                                                                                                                          +-+ +----+
--R
                                                                  2 2 2 +-+ +----+
                                                                                                                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
                         (15b e x + 30a b e x + 15a e) | b | e x + d atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                          +----+
--R
--R
                                                                                                                                                        \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                         2 2
                                                                                                                                2 2
--R
                              (-15b e x + (-25a b e -5b d e)x -8a e -9a b d e + 2b d)
--R
--R.
                               +----+
--R
                             \|- a e + b d
--R /
                                    3 3 2 2 2
                                                                                            3 2
--R
                                                                                                                       4 3
                                                                                                                                               4 3 3
--R
                             (4a b e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d )x + 4a e - 12a b d e
--R
--R
                                     2 2 2
                                                                 3 3
--R
                            12a b d e - 4a b d
--R
--R
                          +----+ +----+ | 2 2
--R
--R
                         --R
                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1147
--S 1148 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
```

```
--R
          2 2 2 2 2 2 b +-----+
--R
--R
         --R
                            \| a e - b d
--R
--R
                      +----+
                      b +----+
--R
--R
           (- 2a e + 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                    \| a e - b d
--R
--R
                            b x + a
--R
         2 2 2 2 2
                                  2 2
--R
--R
       - 30b e x + (- 50a b e - 10b d e)x - 16a e - 18a b d e + 4b d
--R
--R
          3 2 3 2 4 2
                                532
--R
        (8a b e - 24a b d e + 24a b d e - 8b d )x
--R
--R
          4 3 3 2 2 2 3 2 4 3 5 3 4 2
--R
         (16a b e - 48a b d e + 48a b d e - 16a b d )x + 8a e - 24a b d e
--R
--R
         3 2 2 2 3 3
--R
         24a b d e - 8a b d
--R
--R
        +----+
--R
       --R
--R
--R
            2 2 2 2 2 b +----+
--R
--R
         --R
                              \|a e - b d
--R
--R
                 +----+
--R
                b \le x + d
         atan(-----)
--R
--R
                +----+
--R
                   l b
--R
           (a e - b d) |-----
--R
                 \|a e - b d
--R
                  2 2
                                2 2
--R
         2 2 2
--R
       - 15b e x + (- 25a b e - 5b d e)x - 8a e - 9a b d e + 2b d
--R
          3 2 3 2 4 2
--R
                                5 3 2
--R
        (4a b e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d )x
--R
--R
          4 3 3 2 2 2 3 2 4 3 5 3 4 2
        (8a b e - 24a b d e + 24a b d e - 8a b d )x + 4a e - 12a b d e
--R
--R
```

```
3 2 2 2 3 3
--R
--R
         12a b d e - 4a b d
--R
--R
        +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x + d}}
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1148
--S 1149 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
          2 2 2 2 2 2 +-----+ b +-----+
--R
--R.
        (15b e x + 30a b e x + 15a e) = a e + b d = ----- | e x + d
                                        \| a e - b d
--R
--R
--R
         +----+
        | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
--R
                      l b +----+
           (- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                  \| ae-bd
--R
--R
                             b x + a
--R
            3 2 3 2 2 2 2 3 2 +-+ +----+
--R
--R
        (-30b e x - 90a b e x - 90a b e x - 30a e) | b | e x + d
--R
--R
             +-+ +----+
--R
            \b \leq x + d
        atanh(-----)
--R
             +----+
--R
            \|- a e + b d
--R
--R
--R
                             2 2 2
        (-30b e x + (-50a b e - 10b d e)x - 16a e - 18a b d e + 4b d)
--R
--R
--R
                  +----+
        --R
--R
        --R
           3 2 3 2 2 2 2 3 2
--R
--R
         30b e x + (80a b e + 10b d e)x + (66a b e + 28a b d e - 4b d )x
--R
          3 2 2
--R
                            2 2
```

```
--R
         16a e + 18a b d e - 4a b d
--R
--R
        +----+
--R
        \|- a e + b d
--R /
         3 2 3 2 4 2 5 3 2
--R
--R
        (8a b e - 24a b d e + 24a b d e - 8b d )x
--R
          4 3 3 2 2 2 3 2 4 3 5 3 4
--R
--R
        (16a b e - 48a b d e + 48a b d e - 16a b d )x + 8a e - 24a b d e
--R
         3 2 2
                 2 3 3
--R
        24a b d e - 8a b d
--R
--R
--R
--R
       +-----+ +-----+ | 2 2 2
--R
       \|- a e + b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1149
--S 1150 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5)
--R
      | 2 2 2
--R
--R
     --R /
       3 4 2 3 3 2 2 2 3 2 3
--R
--R
      (b e x + (3a b e + b d)x + (3a b e + 3a b d)x + (a e + 3a b d)x + a d)
--R
--R
              +----+
      +-----+ | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1150
--S 1151 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R.
           3 2 3 2 2 2 2 3 2 +-+ +-----+
--R
       (-15b e x - 45a b e x - 45a b e x - 15a e) | b | e x + d
--R
--R
             +-+ +----+
--R
            atanh(-----)
--R
             +----+
--R
```

```
--R
           \|- a e + b d
--R
--R
            2 2 2 2 2 +----+ b +----+
--R
        (- 15b e x - 30a b e x - 15a e )\|- a e + b d \|-----\|e x + d
--R
--R
                                         \|a e - b d
--R
--R
                                +----+
        | 2 2 2
--R
                              b\|e x + d
--R
        \|b x + 2a b x + a atan(-----)
--R
                                  l b
--R
                           (a e - b d) |----
--R
--R
                                  \|a e - b d
--R
--R
           2 2 2
                        2 2
                                    2 2
--R
       (- 15b e x + (- 25a b e - 5b d e)x - 8a e - 9a b d e + 2b d )
--R
--R
        --R
--R
        --R
          3 2 3 2 2 2 2 3 2
--R
--R
         15b e x + (40a b e + 5b d e)x + (33a b e + 14a b d e - 2b d )x
--R
          3 2 2 2 2 2
--R
--R
         8a e + 9a b d e - 2a b d
--R
--R
--R
        \|- a e + b d
--R /
         3 2 3 2 4 2 5 3 2
--R
--R
        (4a b e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d )x
--R
          4 3 3 2 2 2 3 2 4 3 5 3 4 2
--R
        (8a b e - 24a b d e + 24a b d e - 8a b d )x + 4a e - 12a b d e
--R
--R
--R
         3 2 2
                 2 3 3
       12a b d e - 4a b d
--R
--R
--R
       +----+ +----+ | 2 2
--R
--R
       \|- a e + b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 1151
--S 1152 of 1618
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
       | 2 2 2
--R
      \|b x + 2a b x + a - b x - a
--R /
                  2 3 3
--R
                                 2
                                         2 2 3 2
--R
        (b e x + (3a b e + b d)x + (3a b e + 3a b d)x + (a e + 3a b d)x + a d)
--R
--R
--R
         +----+ | 2 2
--R
        --R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1152
)clear all
--S 1153 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
    (1)
--R
     1
--R /
--R
          2 2 4 2 2 3 2 2
--R
         b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d)x
--R
--R
                      2
                           2 2
--R
          (2a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R.
                 +----+
        +----+ | 2 2
--R
--R
        --R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1153
--S 1154 of 1618
r0:=1/2*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+\_
  7/4*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  35/12*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2)-35/4*b^(3/2)*e^2*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
  \sqrt{(b*d-a*e)}/((b*d-a*e)^{9/2}*\sqrt{(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)}+
  35/4*b*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                3 3 3
                              2 3 3 2 2
--R
           -105b e x + (-210a b e - 105b d e)x
--R
                 2 3 2 2
--R
                                     2
--R
           (-105a b e - 210a b d e)x - 105a b d e
```

```
--R
                                                                          +-+ +----+
--R
--R
                            +-+ +----+
                                                                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                          \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                           +----+
--R
                                                                          \|- a e + b d
--R
                                                                         2 3 3 2 2
--R
                                        3 3 3
                             105b e x + (175a b e + 140b d e )x
--R
--R
--R
                                      2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
                               (56a b e + 238a b d e + 21b d e)x - 8a e + 80a b d e + 39a b d e
--R
--R
--R
                                      3 3
--R
                               - 6b d
--R
--R
                             +----+
                          \|- a e + b d
--R
--R /
                                 4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
--R
                           (12a b e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12b d e)x
--R
                                 5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
                          (12a e - 36a b d e + 24a b d e + 24a b d e - 36a b d e + 12b d )x
--R
--R
                               5 4 4 2 3 3 2 3 2 2 3 4 4 5
--R
                           12a d e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12a b d
--R
--R
                        +-----+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
                       --R
                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1154
--S 1155 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
              (3)
--R
              Γ
                                             3 3 3 2 2 2 3 2 2
--R
                                    105b e x + (210a b e + 105b d e )x + (105a b e + 210a b d e )x
--R
--R.
--R
                                          2
--R
                                 105a b d e
--R
--R
                                  +----+
--R
                                  b +----+
                                  |- ----- \|e x + d
--R
--R
                                \| a e - b d
```

```
--R
--R
--R
                      | b +----+
--R
             (2a e - 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                   \| ae-bd
--R
--R
                               b x + a
--R
          3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
        210b e x + (350a b e + 280b d e)x
--R
--R
                   2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
        (112a b e + 476a b d e + 42b d e)x - 16a e + 160a b d e + 78a b d e
--R
--R
           3 3
--R
        - 12b d
--R
--R
            4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
--R
          (24a b e - 96a b d e + 144a b d e - 96a b d e + 24b d e)x
--R
                                          2 4 3 2 5 4
--R
              5 5 4 2 4 3 3 2 3
--R
            48a b e - 168a b d e + 192a b d e - 48a b d e - 48a b d e
--R
             6 5
--R
--R
            24b d
--R
--R
            2
--R
           x
--R
              65 5 4 4223 3332 244
--R
--R
             24a e - 48a b d e - 48a b d e + 192a b d e - 168a b d e
--R
--R
               5 5
--R
            48a b d
--R
--R
--R
           6 4 5 23 4232 334 245
--R
          24a d e - 96a b d e + 144a b d e - 96a b d e + 24a b d
--R
--R
         +----+
--R
--R
        \leq x + d
--R
--R
             3 3 3 2 2 2 3 2 2
--R
           105b e x + (210a b e + 105b d e )x + (105a b e + 210a b d e )x
--R
--R
--R
             2
--R
          105a b d e
--R
```

```
--R
           | b +----+ b\|e x + d
--R
--R
           |----- \| e x + d atan(-----)
--R
          \|a e - b d
--R
                                       lъ
--R
                               (a e - b d) |----
--R
                                       \|a e - b d
--R
          3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
        105b e x + (175a b e + 140b d e )x
--R
--R
           2 3 2 2
                             3 2 3 3 2 2 2 2 2
         (56a b e + 238a b d e + 21b d e)x - 8a e + 80a b d e + 39a b d e
--R
--R
--R
           3 3
--R
         - 6b d
--R
--R
             4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
--R
          (12a b e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12b d e)x
--R
              5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
--R
             24a b e - 84a b d e + 96a b d e - 24a b d e - 24a b d e
--R
--R
              6 5
--R
             12b d
--R
--R
            2
--R
           x
--R
--R
              65 5 4 4223 3332 244
--R
             12a e - 24a b d e - 24a b d e + 96a b d e - 84a b d e
--R
--R
                5 5
--R
             24a b d
--R
--R
            х
--R
--R
            6 4 5 2 3 4 2 3 2 3 3 4 2 4 5
          12a d e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12a b d
--R
--R
         +----+
--R
--R
         --R.
      ]
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1155
--S 1156 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
```

```
--R (4)
           3 3 3 2 2 2 3 2 2
--R
--R
         105b e x + (210a b e + 105b d e )x + (105a b e + 210a b d e )x
--R
--R
            2 2
--R
         105a b d e
--R
--R
        +------ b +------ 2 2
--R
       \|- a e + b d |- ----- \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                 \| a e - b d
--R
--R
                    l b +----+
--R
--R
           (2a e - 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                 \| a e - b d
--R
        log(-----)
--R
                            b x + a
--R
            4 3 4 3 3 4 2 3 2 2 3 3 2 2
--R
--R
         210b e x + (630a b e + 210b d e)x + (630a b e + 630a b d e)x
--R
--R
            3 3 2 2 2 3 2
--R
          (210a b e + 630a b d e)x + 210a b d e
--R
--R
                       +-+ +----+
        +-+ +----+ \|b \|e x + d
--R
--R
        \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
--R
                      \|- a e + b d
--R
            3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
         210b e x + (350a b e + 280b d e)x
--R
            2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
         (112a b e + 476a b d e + 42b d e)x - 16a e + 160a b d e
--R
--R
--R
            2 2
                   3 3
         78a b d e - 12b d
--R
--R
--R
--R
        +----+ | 2 2
--R
        \|- a e + b d \|b x + 2a b x + a
--R
             4 3 4 3 3 4 2 3
--R
         - 210b e x + (-560a b e - 280b d e)x
--R
--R
              2 2 3 3 2 4 2 2
--R
         (- 462a b e - 756a b d e - 42b d e)x
--R
--R
```

```
3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3
--R
--R
         (- 96a b e - 636a b d e - 120a b d e + 12b d )x + 16a e
--R
--R
             3 2 222 33
--R
         - 160a b d e - 78a b d e + 12a b d
--R
--R
        +----+
--R
        |-ae+bd|
--R /
          4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
--R
--R
        (24a b e - 96a b d e + 144a b d e - 96a b d e + 24b d e)x
--R
            5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
           48a b e \, - 168a b d e \, + 192a b d e \, - 48a b d e \, - 48a b d e
--R
--R
--R
            6 5
--R.
          24b d
--R
--R
         2
--R
         X
--R
            65 5 4 4223 3332 244
--R
--R
          24a e - 48a b d e - 48a b d e + 192a b d e - 168a b d e
--R
--R
           5 5
--R
          48a b d
--R
--R
         x
--R
         6 4 5 2 3 4 2 3 2 3 3 4 2 4 5
--R.
--R
        24a d e - 96a b d e + 144a b d e - 96a b d e + 24a b d
--R
--R
                        +----+
      +-----+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 1156
--S 1157 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)
--R +----+
      | 2 2 2
--R
--R
    \|b x + 2a b x + a - b x - a
--R /
       3 2 5 2 2 3 4
                               2 2 2 3 2 3
--R
      b e x + (3a b e + 2b d e)x + (3a b e + 6a b d e + b d )x
--R
--R
```

```
3 2 2 2 2 3 2 2 3 2
--R
--R
       (a e + 6a b d e + 3a b d )x + (2a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
      +----+ | 2 2 2
--R
--R
       --R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1157
--S 1158 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
           4 3 4 3 3 4 2 3 2 2 3 3 2 2
--R
         105b e x + (315a b e + 105b d e )x + (315a b e + 315a b d e )x
--R
--R
            3 3 2 2 2 3
--R
         (105a b e + 315a b d e )x + 105a b d e
--R
--R
                       +-+ +----+
--R
        +-+ +----+ \|b \|e x + d
       \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                       +----+
--R
--R
                      \|- a e + b d
--R
           3 3 3 2 2 2 3 2 2
--R
--R
         105b e x + (210a b e + 105b d e )x + (105a b e + 210a b d e )x
--R
--R
           2 2
--R
        105a b d e
--R
                  +----+
--R
        +------ b +----- 2 2 2
--R
--R
        \|- a e + b d |----- \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                  \|a e - b d
--R
--R
                 +----+
--R
               b\|e x + d
--R
        atan(-----)
--R
--R
                    l b
--R.
           (a e - b d) |----
             \|a e - b d
--R
--R
                   23 3 2 2
--R
            3 3 3
--R
         105b e x + (175a b e + 140b d e)x
--R
            2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
--R
          (56a b e + 238a b d e + 21b d e)x - 8a e + 80a b d e + 39a b d e
```

```
--R
         3 3
--R
--R
          - 6b d
--R
--R
        --R
--R
        --R
             4 3 4 3 3 4 2 3
--R
--R
         - 105b e x + (- 280a b e - 140b d e )x
--R
              2 2 3
                     3 2
--R
                                4 2 2
         (- 231a b e - 378a b d e - 21b d e)x
--R
--R
--R
             3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3 2
--R
         (- 48a b e - 318a b d e - 60a b d e + 6b d )x + 8a e - 80a b d e
--R
--R
            2 2 2 3 3
         - 39a b d e + 6a b d
--R
--R
--R
         +----+
        \|- a e + b d
--R
--R /
--R
          4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
--R
        (12a b e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12b d e)x
--R
             5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
--R
            24a b e - 84a b d e + 96a b d e - 24a b d e - 24a b d e
--R
--R
             6 5
--R
            12b d
--R
--R
          2
--R
         x
--R
          65 5 4 4223 3332 244 55
--R
--R
        (12a e - 24a b d e - 24a b d e + 96a b d e - 84a b d e + 24a b d )x
--R
          6 4 5 2 3
--R
                          4 2 3 2
                                    3 3 4
--R
        12a d e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12a b d
--R
--R
--R.
       --R
       \|- a e + b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1158
--S 1159 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
```

```
--R
--R
     (7)
--R
--R
       | 2 2
--R
      --R /
           3 2 5 2 2 3
--R
                                4
                                      2 2 2
--R
          b e x + (3a b e + 2b d e)x + (3a b e + 6a b d e + b d)x
--R
--R
           3 2
                 2
                            2 2 2
                                       3
                                               2 2
          (a e + 6a b d e + 3a b d )x + (2a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
--R
--R
         +----+ | 2 2
        --R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1159
)clear all
--S 1160 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^{(7/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(3/2)})
--R
--R
--R
     (1)
--R
     1
--R /
--R
           2 3 5 3 2 2 4 2 3 2 2 2 3
--R
          b e x + (2a b e + 3b d e)x + (a e + 6a b d e + 3b d e)x
--R.
--R
                     2
                            232
                                      2 2
--R
          (3a d e + 6a b d e + b d)x + (3a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R
--R
         +----+ | 2 2
--R
        --R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1160
--S 1161 of 1618
r0:=1/2*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  9/4*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  63/20*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2)+21/4*b*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-63/4*b^(5/2)*e^2*(a+b*x)*_
  atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/((b*d-a*e)^(11/2)*_
  sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+63/4*b^2*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*_
  sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
```

```
--R (2)
             4 4 4 3 4 4 3 3
--R
          315b e x + (630a b e + 630b d e )x
--R
--R
--R
                2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
           (315a b e + 1260a b d e + 315b d e )x
--R
               2 2 3
--R
                           3 2 2
          (630a b d e + 630a b d e )x + 315a b d e
--R
--R
--R
                           +-+ +----+
          +-+ +----+
                         \b \e x + d
--R
         \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                           +----+
--R
--R
                          \|- a e + b d
--R
--R
               4 4 4
                             3 4 4 3 3
--R
           - 315b e x + (- 525a b e - 735b d e )x
--R
                2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
           (- 168a b e - 1239a b d e - 483b d e )x
--R
--R
             3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
           (24a b e - 408a b d e - 831a b d e - 45b d e)x - 8a e
--R
--R
            3 3 2222 33 44
--R
           56a b d e - 288a b d e - 85a b d e + 10b d
--R
--R
--R
          \|- a e + b d
--R /
              5 7 4 2 6 3 3 2 5 2 4 3 4 5 4 3
--R
--R
             20a b e - 100a b d e + 200a b d e - 200a b d e + 100a b d e
--R
--R
                6 5 2
--R
            - 20b d e
--R
--R
            3
--R
           x
--R
                     5 6 3334 2443 552
--R
            20a e - 60a b d e + 200a b d e - 300a b d e + 180a b d e
--R
--R
--R
                6 6
--R
            - 40b d e
--R
--R
--R
           x
--R
               6 \quad 6 \quad \quad 5 \quad 2 \quad 5 \quad \quad 4 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \quad \quad 3 \quad 3 \quad 4 \quad 3 \quad \quad 5 \quad 6
--R
```

```
--R
           40a d e - 180a b d e + 300a b d e - 200a b d e + 60a b d e
--R
--R
             6 7
--R
           - 20b d
--R
--R
--R
          6 2 5 5 3 4 4 2 4 3 3 3 5 2 2 4 6
--R
         20a d e - 100a b d e + 200a b d e - 200a b d e + 100a b d e
--R
--R
--R
            5 7
        - 20a b d
--R
--R
--R
--R
       +----+ +----+ | 2 2
--R
       \|- a e + b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R.
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1161
--S 1162 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
              4 4 4 3 4 4 3 3
--R
--R
           315b e x + (630a b e + 630b d e)x
--R
               2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
            (315a b e + 1260a b d e + 315b d e )x
--R
                2 2 3 3 2 2 2 2 2 2
--R
--R
           (630a b d e + 630a b d e )x + 315a b d e
--R
--R
           | b +----+
--R
           |- ---- \|e x + d
--R
--R
          --R
--R
                         l b +----+
--R
             (- 2a e + 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                      \| ae-bd
--R
--R
                                 b x + a
--R
                    3 4 4 3 3
--R
--R
         - 630b e x + (- 1050a b e - 1470b d e )x
--R
              2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
```

```
--R
         (- 336a b e - 2478a b d e - 966b d e )x
--R
--R
            3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
         (48a b e - 816a b d e - 1662a b d e - 90b d e)x - 16a e
--R
            3 3 2222
--R
                                  3 3
                                          4 4
--R
         112a b d e - 576a b d e - 170a b d e + 20b d
--R
               5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3
--R
--R
             40a b e - 200a b d e + 400a b d e - 400a b d e + 200a b d e
--R
                7 5 2
--R
--R
            - 40b d e
--R
--R
            4
--R
           x
--R
--R
               6 7 5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3 6 5 2
             80a b e - 320a b d e + 400a b d e - 400a b d e + 320a b d e
--R
--R
--R
                7 6
             - 80b d e
--R
--R
--R
             3
--R
            X
--R
               77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3
--R
--R
             40a e - 40a b d e - 360a b d e + 1000a b d e - 1000a b d e
--R
--R
                2552 66 77
--R
             360a b d e + 40a b d e - 40b d
--R
--R
             2
--R
            x
--R
               7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2 2 5 6
--R
--R
             80a d e - 320a b d e + 400a b d e - 400a b d e + 320a b d e
--R
--R
                 6 7
--R
             - 80a b d
--R
--R
--R
--R
            7 2 5 6 3 4 5 2 4 3 4 3 5 2 3 4 6
--R
          40a d e - 200a b d e + 400a b d e - 400a b d e + 200a b d e
--R
--R
             2 5 7
          - 40a b d
--R
--R
--R
         +----+
```

```
--R
       \le x + d
--R
--R
               4 4 4 3 3
--R
           -315b e x + (-630a b e -630b d e)x
--R
--R
                2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
          (- 315a b e - 1260a b d e - 315b d e )x
--R
               2 2 3 3 2 2
--R
--R
          (- 630a b d e - 630a b d e )x - 315a b d e
--R
--R
          l b +----+
                                b\|e x + d
--R
--R
          --R
          \|a e - b d
--R
                                     l b
--R
                             (a e - b d) |----
--R
                                    \|a e - b d
--R
--R
           4 4 4 3 4 4 3 3
--R
        -315b e x + (-525a b e -735b d e)x
--R
--R
             2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
        (- 168a b e - 1239a b d e - 483b d e )x
--R
           3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4 3 3
--R
--R
        (24a b e - 408a b d e - 831a b d e - 45b d e)x - 8a e + 56a b d e
--R
            2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
        - 288a b d e - 85a b d e + 10b d
--R
              5 2 7
                     4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3
--R
--R
            20a b e - 100a b d e + 200a b d e - 200a b d e + 100a b d e
--R
--R
               7 5 2
--R
            - 20b d e
--R
--R
            4
--R
           X
--R
              6 7 5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3 6 5 2
--R
--R
            40a b e - 160a b d e + 200a b d e - 200a b d e + 160a b d e
--R
--R
               7 6
            - 40b d e
--R
--R
--R
--R
          x
--R
```

```
77 6 6 5225 4334 3443
--R
--R
             20a e - 20a b d e - 180a b d e + 500a b d e - 500a b d e
--R
                2 5 5 2 6 6
--R
                                 7 7
--R
            180a b d e + 20a b d e - 20b d
--R
--R
            2
--R
           x
--R
               7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2 2 5 6
--R
--R
             40a d e - 160a b d e + 200a b d e - 200a b d e + 160a b d e
--R
--R
                  6 7
--R
             - 40a b d
--R
--R
           X
--R
--R
           7 2 5 6 3 4 5 2 4 3 4 3 5 2 3 4 6
          20a d e - 100a b d e + 200a b d e - 200a b d e + 100a b d e
--R
--R
--R
             2 5 7
--R
         - 20a b d
--R
--R
         +----+
--R
         \ensuremath{\mbox{\sc left}}
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1162
--S 1163 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
             4 4 4 3 4 4 3 3
--R
         315b e x + (630a b e + 630b d e )x
--R
--R
--R
                     3 3
                                4 2 2 2
             2 2 4
--R
          (315a b e + 1260a b d e + 315b d e )x
--R
--R
             2 2 3
                         3 2 2
                                   2 2 2 2
         (630a b d e + 630a b d e )x + 315a b d e
--R
--R
--R
                    +----+
                                      +----+
         --R
        \|- a e + b d ||- ----- \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                   \| a e - b d
--R
--R
                        l b +----+
--R
```

```
(- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                      \| a e - b d
--R
         log(-----
--R
                              b x + a
--R
               5 4 5
--R
                           4 4
                                   5 3 4
--R
          -630b e x + (-1890a b e - 1260b d e)x
--R
                2 3 4 4 3 5 2 2 3
--R
--R
          (- 1890a b e - 3780a b d e - 630b d e )x
--R
               3 2 4
                      233
--R
                                  4 2 2 2
          (- 630a b e - 3780a b d e - 1890a b d e )x
--R
--R
--R
                        2 3 2 2
                3 2 3
                                     3 2 2 2
--R
          (- 1260a b d e - 1890a b d e )x - 630a b d e
--R
--R
                        +-+ +----+
         +-+ +----+
--R
                        \b \ \ \ x + d
--R
         \|b \|e x + d atanh(-----)
                        +----+
--R
--R
                        \ |-ae+bd
--R
--R
              4 4 4 3 3
          - 630b e x + (-1050a b e - 1470b d e)x
--R
--R
               2 2 4 3 3
--R
--R
          (- 336a b e - 2478a b d e - 966b d e )x
--R
             3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
          (48a b e - 816a b d e - 1662a b d e - 90b d e)x - 16a e
--R
--R
             3 3
                      2 2 2 2
                                   3 3
--R
          112a b d e - 576a b d e - 170a b d e + 20b d
--R
--R
         --R
--R
         \|- a e + b d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                    4 4 5 3 4
--R
          630b e x + (1680a b e + 1470b d e)x
--R
--R.
              2 3 4
                    4 3 5 2 2 3
--R
          (1386a b e + 3948a b d e + 966b d e )x
--R
--R
              3 2 4 2 3 3 4 2 2 5 3 2
--R
          (288a b e + 3294a b d e + 2628a b d e + 90b d e)x
--R
              4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
--R
          (-32a b e + 704a b d e + 2238a b d e + 260a b d e - 20b d)x
```

```
+ 5 4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
--R
         16a e - 112a b d e + 576a b d e + 170a b d e - 20a b d
--R
--R
         +----+
--R
        \|- a e + b d
--R /
             5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3
--R
--R
           40a b e - 200a b d e + 400a b d e - 400a b d e + 200a b d e
--R
--R
              7 5 2
           - 40b d e
--R
--R
--R
          4
--R
          x
--R
--R
             6 7 5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3 6 5 2
--R
           80a b e - 320a b d e + 400a b d e - 400a b d e + 320a b d e
--R
--R
              7 6
--R
          - 80b d e
--R
--R
          3
--R
          x
--R
            77 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3
--R
--R
           40a e - 40a b d e - 360a b d e + 1000a b d e - 1000a b d e
--R
               2 5 5 2 6 6 7 7
--R
--R
           360a b d e + 40a b d e - 40b d
--R
--R
           2
--R
          x
--R
             7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2 2 5 6
--R
           80a d e - 320a b d e + 400a b d e - 400a b d e + 320a b d e
--R
--R
--R
                6 7
           - 80a b d
--R
--R
--R
          х
--R
--R
          7 2 5 6 3 4 5 2 4 3 4 3 5 2 3 4 6
--R
         40a d e - 200a b d e + 400a b d e - 400a b d e + 200a b d e
--R
--R
           2 5 7
--R
        - 40a b d
--R
--R
--R
       +----+ +----+ | 2 2
```

```
--R
       --R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1163
--S 1164 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5)
--R
      | 2 2 2
--R
--R
      --R /
        3 3 6 2 3
                       3 2 5
                                 2 3 2 2 3 2 4
--R
--R
        b e x + (3a b e + 3b d e )x + (3a b e + 9a b d e + 3b d e)x
--R
--R
         3 3 2 2 2 2 3 3 3
--R
        (a e + 9a b d e + 9a b d e + b d )x
--R
          3 2 2 2 2 3 2 3 2 2 3 3 3
--R
--R
        (3a d e + 9a b d e + 3a b d )x + (3a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
--R
       +-----+ | 2 2 2
--R
       --R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1164
--S 1165 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
             5 4 5 4 4 5 3 4
--R
--R
          -315b e x + (-945a b e -630b d e)x
--R
--R
               2 3 4
                        4 3
                                 5 2 2 3
--R
         (- 945a b e - 1890a b d e - 315b d e )x
--R
--R
               3 2 4
                      233
--R
          (- 315a b e - 1890a b d e - 945a b d e )x
--R
--R.
               3 2 3 2 3 2 2 3 2 2 2
--R
         (- 630a b d e - 945a b d e )x - 315a b d e
--R
--R
                       +-+ +----+
--R
         +-+ +----+
                      \b \leq x + d
--R
        \|b \|e x + d atanh(-----)
                        +----+
--R
--R
                       \|- a e + b d
```

```
--R
             4 4 4 3 3
--R
--R
          - 315b e x + (- 630a b e - 630b d e )x
--R
               2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
          (-315a b e - 1260a b d e - 315b d e)x
--R
--R
               2 2 3
                          3 2 2
         (- 630a b d e - 630a b d e )x - 315a b d e
--R
--R
--R
         +------ | b +----- | 2 2 2
--R
        \|- a e + b d |----- \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                  \|a e - b d
--R
--R
                  +----+
--R
                b \le x + d
--R
         atan(-----)
                +----+
--R
                    l b
--R
--R
            (a e - b d) |----
                    \|a e - b d
--R
--R
--R
             4 4 4 3 4 4 3 3
          - 315b e x + (- 525a b e - 735b d e )x
--R
--R
                    3 3
--R
               2 2 4
--R
          (- 168a b e - 1239a b d e - 483b d e )x
--R
             3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
          (24a b e - 408a b d e - 831a b d e - 45b d e)x - 8a e
--R
            3 3 2222
--R
                                3 3
--R
         56a b d e - 288a b d e - 85a b d e + 10b d
--R
--R
         --R
--R
        \|- a e + b d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
            5 4 5 4 4
                             5 3 4
          315b e x + (840a b e + 735b d e)x
--R
--R
--R.
             2 3 4 4 3 5 2 2 3
--R
          (693a b e + 1974a b d e + 483b d e )x
--R
--R
              3 2 4 2 3 3
                                  4 2 2 5 3 2
--R
         (144a b e + 1647a b d e + 1314a b d e + 45b d e)x
--R
              4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
--R
          (- 16a b e + 352a b d e + 1119a b d e + 130a b d e - 10b d )x
```

```
--R
        + 5 4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
          8a e - 56a b d e + 288a b d e + 85a b d e - 10a b d
--R
--R
         +----+
--R
         \|- a e + b d
--R /
             5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3
--R
--R
           20a b e - 100a b d e + 200a b d e - 200a b d e + 100a b d e
--R
--R
              7 5 2
           - 20b d e
--R
--R
--R
--R
          x
--R
--R
             6 7 5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3 6 5 2
--R
           40a b e - 160a b d e + 200a b d e - 200a b d e + 160a b d e
--R
              7 6
--R
--R
           - 40b d e
--R
--R
          3
--R
          x
--R
             7 7 6 6 5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3
--R
--R
           20a e - 20a b d e - 180a b d e + 500a b d e - 500a b d e
--R
--R
               2 5 5 2 6 6 7 7
--R
           180a b d e + 20a b d e - 20b d
--R
--R
           2
--R
          x
--R
             7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2 2 5 6
--R
           40a d e - 160a b d e + 200a b d e - 200a b d e + 160a b d e
--R
--R
--R
                6 7
--R
           - 40a b d
--R
--R
          x
--R
--R
          7 2 5 6 3 4 5 2 4 3 4 3 5 2 3 4 6
--R
         20a d e - 100a b d e + 200a b d e - 200a b d e + 100a b d e
--R
--R
           2 5 7
--R
        - 20a b d
--R
--R
--R
       +----+ +----+ | 2 2
```

```
--R
       --R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1165
--S 1166 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7)
--R
       1 2 2 2
--R
--R
      \|b x + 2a b x + a - b x - a
--R /
                                    2 3 2 2 3 2 4
--R
         3 3 6 2 3
                         3 2 5
         b e x + (3a b e + 3b d e )x + (3a b e + 9a b d e + 3b d e)x
--R
--R
--R
          3 3 2 2 2 2 3 3 3
--R
         (a e + 9a b d e + 9a b d e + b d )x
--R
--R
          3 2 2 2 2 3 2 3 2
--R
         (3a d e + 9a b d e + 3a b d )x + (3a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
--R
       +-----+ | 2 2 2
       --R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1166
)clear all
--S 1167 of 1618
t0:=(d+e*x)^(13/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
    (1)
     6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6 +-----+
--R
--R
   (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d )\|e x + d
--R
    ______
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
--R
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1167
--S 1168 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^(13/2)/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))-_
  143/96*e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(9/2)/(b^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  13/24*e*(d+e*x)^(11/2)/(b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  1001/64*e^4*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)/(b^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2)+3003/320*e^4*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2)/(b^5*sqrt(a^2+_
```

```
2*a*b*x+b^2*x^2)-429/64*e^3*(d+e*x)^(7/2)/(b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2)-3003/64*e^4*(b*d-a*e)^(5/2)*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*_
  3003/64*e^4*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^7*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                  2 4 6
          (- 45045a b e + 90090a b d e - 45045b d e )x
--R
--R
--R
                               2 4 5
                   3 3 6
                                              5 2 4 3
--R
           (- 180180a b e + 360360a b d e - 180180a b d e )x
--R
--R
                   4 2 6
                               3 3 5
                                             2 4 2 4 2
--R
           (-270270a b e + 540540a b d e - 270270a b d e )x
--R
--R.
                   5 6
                               4 2 5
                                              3 3 2 4
--R.
           (-180180a b e + 360360a b d e - 180180a b d e )x - 45045a e
--R
--R
                5 5
                          4 2 2 4
--R
           90090a b d e - 45045a b d e
--R
--R
                           +-+ +----+
--R
          +----+
                          --R
          \|- a e + b d atanh(-----)
                           +----+
--R
--R
                          \|- a e + b d
--R
--R
              6 6 6
                             5 6
                                  6 5 5
--R
           384b e x + (-1664a b e + 3968b d e)x
--R
                 2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
           (18304a b e - 44928a b d e + 32384b d e)x
--R
--R
                 3 3 6
                             24 5
                                             5 2 4
           (119691a b e - 285857a b d e + 196001a b d e - 22155b d e )x
--R
--R
--R
                               3 3 5
                                             2 4 2 4
                    4 2 6
--R
              219219a b e - 517803a b d e + 347919a b d e - 35945a b d e
--R
--R
                    6 4 2
              - 7630b d e
--R
--R.
--R.
             2
--R
             x
--R
                    5 6 4 2 5 3 3 2 4
--R
--R
              165165a b e - 387387a b d e + 256971a b d e - 25025a b d e
--R
--R.
                      5 4 2
                                 6 5
```

```
--R
            - 5460a b d e - 1960b d e
--R
--R
           x
--R
              6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
--R
          45045a e - 105105a b d e + 69069a b d e - 6435a b d e
--R
               2 4 4 2 5 5
--R
                                   6 6
         - 1430a b d e - 520a b d e - 240b d
--R
--R
         +-+ +----+
--R
--R
         \b \ \ \ x + d
--R /
--R
         10 3 9 2 2 8 3 7 +-+ | 2 2 2
--R
--R
      (960b x + 2880a b x + 2880a b x + 960a b )\|b \|b x + 2a b x + a
--R.
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1168
--S 1169 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
                 2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
            (45045a b e - 90090a b d e + 45045b d e)x
--R
--R
                  3 3 6
                            24 5
                                      5 2 4 3
--R
           (180180a b e - 360360a b d e + 180180a b d e )x
--R
                  4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 2
--R
--R
            (270270a b e - 540540a b d e + 270270a b d e)x
--R
--R
                 5 6
                            425
                                         3 3 2 4
            (180180a b e - 360360a b d e + 180180a b d e )x + 45045a e
--R
--R
--R
                 5 5
                             4 2 2 4
           - 90090a b d e + 45045a b d e
--R
--R
--R
                           |- a e + b d +----+
--R
--R
                        - 2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
           +----+
--R
           |- a e + b d
                        \| b
--R
           |------| log(------)
--R
--R
                       56 6 5 5
             6 6 6
--R
           768b e x + (- 3328a b e + 7936b d e )x
--R
--R
```

```
5 5 6 2 4 4
--R
            (36608a b e - 89856a b d e + 64768b d e )x
--R
--R
                                            5 2 4 6 3 3 3
--R
                             2 4 5
                   3 3 6
            (239382a b e - 571714a b d e + 392002a b d e - 44310b d e )x
--R
--R
                    4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
--R
--R
               438438a b e - 1035606a b d e + 695838a b d e - 71890a b d e
--R
--R
                     6 4 2
--R
              - 15260b d e
--R
              2
--R
--R
             x
--R
--R
                            4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
               330330a b e -774774a b d e +513942a b d e -50050a b d e
--R
--R
                      5 4 2
                               6 5
--R
               - 10920a b d e - 3920b d e
--R
--R
             X
--R
--R
              6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
            90090a e - 210210a b d e + 138138a b d e - 12870a b d e
--R
                         5 5
--R
                 2 4 4 2
                                     6 6
--R
            - 2860a b d e - 1040a b d e - 480b d
--R
--R
           +----+
--R
           \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                     10 3 2 9 2 3 8 4 7
--R
--R
        1920b x + 7680a b x + 11520a b x + 7680a b x + 1920a b
--R
--R
--R
                   2 4 6
                               5 5
                                          6 2 4 4
--R
            (- 45045a b e + 90090a b d e - 45045b d e )x
--R
--R
                               24 5
--R
            (- 180180a b e + 360360a b d e - 180180a b d e )x
--R
--R.
                   4 2 6 3 3 5
                                         2 4 2 4 2
--R
           (- 270270a b e + 540540a b d e - 270270a b d e )x
--R
--R
                               4 2 5
                                              3 3 2 4
--R
            (-180180a b e + 360360a b d e - 180180a b d e )x - 45045a e
--R
                5 5 4224
--R
           90090a b d e - 45045a b d e
--R
```

```
--R
            +----+
--R
--R
            la e - b d
                         \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
           |----- atan(-----)
           \| Ъ
--R
--R
                          la e - b d
--R
--R
                         \| b
--R
--R
               6 6 6
                             5 6
                                      6 5 5
            384b e x + (-1664a b e + 3968b d e)x
--R
--R
                          5 5 6 2 4 4
--R
                  2 4 6
--R
             (18304a b e - 44928a b d e + 32384b d e )x
--R
--R
                   3 3 6
                              2 4 5
                                         5 2 4
                                                       6 3 3 3
--R
             (119691a b e - 285857a b d e + 196001a b d e - 22155b d e )x
--R
--R
                     4 2 6
                              3 3 5
                                               2 4 2 4
                                                         5 3 3
--R
                219219a b e - 517803a b d e + 347919a b d e - 35945a b d e
--R
--R
                     6 4 2
--R
                - 7630b d e
--R
--R
               2
--R
              x
--R
                    5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
                165165a b e - 387387a b d e + 256971a b d e - 25025a b d e
--R
                      5 4 2 6 5
--R
--R
                - 5460a b d e - 1960b d e
--R
--R
--R
                6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
--R
             45045a e - 105105a b d e + 69069a b d e - 6435a b d e
--R
                 2 4 4 2 5 5 6 6
--R
--R
            - 1430a b d e - 520a b d e - 240b d
--R
           +----+
--R
--R
           \le x + d
--R
--R
           11 4 10 3 2 9 2 3 8 4 7
--R
        960b x + 3840a b x + 5760a b x + 3840a b x + 960a b
--R
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1169
```

```
--S 1170 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
               2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
         (45045a b e - 90090a b d e + 45045b d e)x
--R
                3 3 6 2 4 5 5 2 4 3
--R
--R
         (180180a b e - 360360a b d e + 180180a b d e )x
--R
                      3 3 5
--R
               4 2 6
                                      2 4 2 4 2
          (270270a b e - 540540a b d e + 270270a b d e)x
--R
--R
--R
               5 6
                      4 2 5 3 3 2 4
--R
          (180180a b e - 360360a b d e + 180180a b d e )x + 45045a e
--R
--R
               5 5 4224
--R
          - 90090a b d e + 45045a b d e
--R
--R
         +----+
         |- a e + b d +-+ | 2 2 2
--R
--R
         |----- \|b \|b x + 2a b x + a
--R
        \| b
--R
               +----+
--R
--R
              |- a e + b d +----+
--R
           - 2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
              \| b
--R
        log(-----)
--R
                          b x + a
--R
                          6 5
--R
               2 5 6
                                     7 2 4 5
--R
         (90090a b e - 180180a b d e + 90090b d e )x
--R
                                   6 2 4 4
               3 4 6 2 5 5
--R
--R
         (450450a b e - 900900a b d e + 450450a b d e )x
--R
                       3 4 5
--R
               4 3 6
                                       25243
--R
          (900900a b e - 1801800a b d e + 900900a b d e)x
--R
               5 2 6
--R
                       435
                                       3 4 2 4 2
--R
          (900900a b e - 1801800a b d e + 900900a b d e )x
--R
               6 6 5 2 5 4 3 2 4
--R
--R
          (450450a b e - 900900a b d e + 450450a b d e )x + 90090a e
--R
--R
                6 5 5224
          - 180180a b d e + 90090a b d e
--R
--R
```

```
--R
                        +-+ +----+
        +----+
--R
                      \b \leq x + d
--R
        \|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                       \|- a e + b d
--R
            666 56 655
--R
--R
         768b e x + (- 3328a b e + 7936b d e )x
--R
                         5 5 6 2 4 4
--R
              2 4 6
--R
          (36608a b e - 89856a b d e + 64768b d e)x
--R
               3 3 6 2 4 5
                                   5 2 4 6 3 3 3
--R
--R
          (239382a b e - 571714a b d e + 392002a b d e - 44310b d e )x
--R
--R
                 4 2 6
                         3 3 5
                                     2 4 2 4
--R
            438438a b e - 1035606a b d e + 695838a b d e - 71890a b d e
--R
--R
                  6 4 2
--R
           - 15260b d e
--R
--R
            2
--R
           x
--R
              5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
            330330a b e - 774774a b d e + 513942a b d e - 50050a b d e
--R
--R
--R
                   5 4 2 6 5
--R
             - 10920a b d e - 3920b d e
--R
--R
--R
             6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
--R
          90090a e - 210210a b d e + 138138a b d e - 12870a b d e
--R
              2 4 4 2 5 5 6 6
--R
--R
         - 2860a b d e - 1040a b d e - 480b d
--R
--R
         +-+ +----+ | 2 2
--R
--R
        --R
             7 6 7 6 6 7 5 6
--R
--R
         - 768b e x + (2560a b e - 7936b d e )x
--R
                     6 5
--R
               2 5 6
                                   7 2 4 5
--R
         (- 33280a b e + 81920a b d e - 64768b d e )x
--R
                 3 4 6 2 5 5 6 2 4 7 3 3 4
--R
--R
          (-275990a b e + 661570a b d e - 456770a b d e + 44310b d e )x
```

```
--R
                    4 3 6 3 4 5 2 5 2 4
--R
--R
             - 677820a b e + 1607320a b d e - 1087840a b d e
--R
                     6 3 3 7 4 2
--R
--R
             116200a b d e + 15260b d e
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                    5 2 6 4 3 5 3 4 2 4
--R
             - 768768a b e + 1810380a b d e - 1209780a b d e
--R
--R
                  2 5 3 3 6 4 2
--R
             121940a b d e + 26180a b d e + 3920b d e
--R
--R
             2
--R
           X
--R
                    6 6 5 2 5 4 3 2 4 3 4 3 3
--R
--R
             - 420420a b e + 984984a b d e - 652080a b d e + 62920a b d e
--R
--R
                  2 5 4 2 6 5 7 6
--R
             13780a b d e + 4960a b d e + 480b d
--R
--R
--R
            7 6 6 5 5 2 2 4 4 3 3 3
--R
--R
           - 90090a e + 210210a b d e - 138138a b d e + 12870a b d e
--R
               3 4 4 2
--R
                       255 66
--R
          2860a b d e + 1040a b d e + 480a b d
--R
--R
         +-+ +----+
--R
        \b \e x + d
--R /
                     10 3 2 9 2 3 8 4 7 +-+
           11 4
--R
--R
        (1920b \ x + 7680a \ b \ x + 11520a \ b \ x + 7680a \ b \ x + 1920a \ b ) \ b
--R
--R
        | 2 2
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1170
--S 1171 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)
```

```
7 7 6 6 6 2 5 5 3 4 4 4 3 3
--R
--R
                                      - 2b e x - 14b d e x - 42b d e x - 70b d e x - 70b d e x
--R
--R
                                                    5 2 2
                                                                          6
--R
                                     - 42b d e x - 14b d e x - 2b d
--R
--R
                                    +----+
--R
                                   |- a e + b d +----+
                                  |-----\|e x + d
--R
                                  \| b
--R
--R
                                                                                7 7
--R
                                  8 8
                                                     8
                             b e x + (- a e + 9b d e )x + (- 7a d e + 35b d e )x
--R
--R
--R
                                              26 355
                                                                                                         3 5
                                                                                                                                  4 4 4
                             (- 21a d e + 77b d e )x + (- 35a d e + 105b d e )x
--R
--R
--R
                                             44 533
                                                                                              5 3 6 2 2
                              (-35a d e + 91b d e)x + (-21a d e + 49b d e)x
--R
--R
--R
                                          6 2 7
                                                                                       7
                               (- 7a d e + 15b d e)x - a d e + 2b d
--R
--R
--R
                           | 2 2 2
--R
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                278 7 2 6 7 6 225 6
--R
                              2b e x + (2a b e + 14b d e )x + (14a b d e + 42b d e )x
--R.
                                             25 2345
--R
                                                                                                         3 4
                                                                                                                            2 4 3 4
--R
                             (42a b d e + 70b d e )x + (70a b d e + 70b d e )x
--R
                                             4 3 2 5 2 3
--R
                                                                                                        5 2 2 6 2
--R
                             (70a b d e + 42b d e)x + (42a b d e + 14b d e)x
--R
--R
                                            6
                                                          2 7
--R
                             (14a b d e + 2b d )x + 2a b d
--R
--R
                            +----+
--R
                           |- a e + b d +----+
                           |----- \|e x + d
--R
--R.
                         \| b
--R
                         289 2 78 28 7 2267
--R.
--R
                    -bex - 9b dex + (ae - 2ab de - 35b de)x
--R
--R
                                                        26 2356
                    (7a d e - 14a b d e - 77b d e )x
--R
--R
```

```
2 2 6 3 5 2 4 4 5
--R
--R
                      (21a d e - 42a b d e - 105b d e )x
--R
--R
                                2 3 5 4 4
                                                                                   2534
--R
                      (35a d e - 70a b d e - 91b d e )x
--R
                                2 4 4 5 3
--R
                                                                                   2623
--R
                      (35a d e - 70a b d e - 49b d e )x
--R
                                                              6 2 2 7 2 2 6 2 7
--R
                                2 5 3
--R
                      (21a d e - 42a b d e - 15b d e)x + (7a d e - 14a b d e - 2b d )x
--R
                         2 7 8
--R
                       a d e - 2a b d
--R
--R /
--R
                                    6 6
                                                                 5
                                                                                 6 5 24
                                                                                                                                       5 4 24 3
--R
                                  b e x + (4a b e + 2b d)x + (5a b e + 10a b d)x + 20a b d x
--R
                                              4 2 3 3 2 5
--R
                                                                                                                             4 2 6
                                  (-5abe+20abd)x+(-4abe+10abd)x-ae+2abd
--R
--R
--R
                                  +----+
--R
                                \label{eq:lemma_def} \
--R
                                         6 6 5 6 5 2 4 5 4
--R
                                   - 2b e x + (-10a b e - 2b d)x + (-20a b e - 10a b d)x
--R
--R
--R
                                                   3 3 2 4 3 4 2 3 3 2
--R
                                    (-20a b e - 20a b d)x + (-10a b e - 20a b d)x
--R
--R
                                              5
                                                                   4 2
--R
                                 (- 2a b e - 10a b d)x - 2a b d
--R
--R
                                  +----+
                                  |- a e + b d
--R
--R
                                  |-----
                                \| b
--R
--R
--R
                         +----+
                         | 2 2 2
--R
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1171
--S 1172 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                                                 256 65 7245
```

```
--R
          (45045a b e - 90090a b d e + 45045b d e)x
--R
                3 4 6 2 5 5 6 2 4 4
--R
--R
          (225225a b e - 450450a b d e + 225225a b d e)x
--R
                           3 4 5
--R
                4 3 6
                                        25243
--R
          (450450a b e - 900900a b d e + 450450a b d e)x
--R
                5 2 6 4 3 5
--R
                                        3 4 2 4 2
--R
           (450450a b e - 900900a b d e + 450450a b d e )x
--R
                        5 2 5
--R
                6 6
                                     4 3 2 4
          (225225a b e - 450450a b d e + 225225a b d e)x + 45045a e
--R
--R
--R
                6 5
                         5 2 2 4
--R
          - 90090a b d e + 45045a b d e
--R
--R
                         +-+ +----+
--R
         +----+
                        \b \leq x + d
--R
         \|- a e + b d atanh(-----)
                         +----+
--R
--R
                        \|- a e + b d
--R
--R
                 2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
          (- 45045a b e + 90090a b d e - 45045b d e )x
--R
                  3 3 6 2 4 5
--R
--R
          (- 180180a b e + 360360a b d e - 180180a b d e )x
--R
--R
                  4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 2
--R
          (-270270a b e + 540540a b d e - 270270a b d e )x
--R
--R
                             4 2 5
                                          3 3 2 4
--R
          (-180180a b e + 360360a b d e - 180180a b d e )x - 45045a e
--R
              5 5
--R
                          4 2 2 4
--R
          90090a b d e - 45045a b d e
--R
--R
            +----+
         +-+ |a e - b d | 2 2 2
--R
                                          \label{eq:lemma_def} \
--R
         \|b |-----\|b x + 2a b x + a atan(------)
          \| b
--R
--R.
                                          la e - b d
--R
                                          1-----
                                          \| b
--R
--R
            666 56 655
--R
--R
          384b e x + (- 1664a b e + 3968b d e )x
--R
--R
                2 4 6 5 5 6 2 4 4
```

```
--R
          (18304a b e - 44928a b d e + 32384b d e )x
--R
               3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
--R
          (119691a b e - 285857a b d e + 196001a b d e - 22155b d e )x
--R
                         3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
--R
                  4 2 6
--R
            219219a b e - 517803a b d e + 347919a b d e - 35945a b d e
--R
--R
                  6 4 2
--R
            - 7630b d e
--R
--R
            2
--R
           x
--R
--R
                 5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
             165165a b e - 387387a b d e + 256971a b d e - 25025a b d e
--R
--R
                   5 4 2 6 5
             - 5460a b d e - 1960b d e
--R
--R
--R
--R
--R
            66 5 5 4224 3333
--R
          45045a e - 105105a b d e + 69069a b d e - 6435a b d e
--R
              2 4 4 2 5 5 6 6
--R
--R
          - 1430a b d e - 520a b d e - 240b d
--R
--R
                   +----+
         +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
        \|b \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
              7 6 7
                         6 6 7 5 6
--R
--R
         - 384b e x + (1280a b e - 3968b d e )x
--R
                256 65 7245
--R
--R
         (- 16640a b e + 40960a b d e - 32384b d e )x
--R
                 3 4 6
                                     6 2 4
                        255
--R
                                                    7 3 3 4
--R
         (- 137995a b e + 330785a b d e - 228385a b d e + 22155b d e )x
--R
                   4 3 6
--R
                           3 4 5 2 5 2 4 6 3 3
--R.
             - 338910a b e + 803660a b d e - 543920a b d e + 58100a b d e
--R
--R
               7 4 2
--R
            7630b d e
--R
--R
--R
          x
--R
```

```
5 2 6 4 3 5 3 4 2 4 2 5 3 3
--R
--R
            - 384384a b e + 905190a b d e - 604890a b d e + 60970a b d e
--R
--R
                  6 4 2 7 5
--R
            13090a b d e + 1960b d e
--R
--R
           2
--R
          x
--R
                  6 6 5 2 5 4 3 2 4 3 4 3 3
--R
--R
            - 210210a b e + 492492a b d e - 326040a b d e + 31460a b d e
--R
                2 5 4 2 6 5 7 6
--R
            6890a b d e + 2480a b d e + 240b d
--R
--R
--R
          X
--R
--R
              7 6
                     6 5 5224 4333
--R
         - 45045a e + 105105a b d e - 69069a b d e + 6435a b d e
--R
--R
             3 4 4 2 2 5 5 6 6
--R
         1430a b d e + 520a b d e + 240a b d
--R
        +-+ +----+
--R
--R
        --R /
         11 4 10 3 2 9 2 3 8 4 7 +-+
--R
--R
       (960b x + 3840a b x + 5760a b x + 3840a b x + 960a b) \ b
--R
--R
       +----+
       | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1172
--S 1173 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)
         77 66 255 344 433 522 6
--R
--R
         e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x
--R
--R
         7
--R
         d
--R
--R
        +----+
        | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
```

```
7 8 7 6 7 6 2 5 6
--R
        -bex + (-ae -7bde)x + (-7ade -21bde)x
--R
--R
--R
              2 5
                     3 4 5
                                      3 4
        (-21ade - 35bde)x + (-35ade - 35bde)x
--R
--R
              4 3 5 2 3
                                              6 2 6
                                    5 2
--R
--R
        (- 35a d e - 21b d e )x + (- 21a d e - 7b d e)x + (- 7a d e - b d )x
--R
--R
            7
--R
        - a d
--R /
         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +----+
--R
--R
        (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) | e x + d
--R
--R
        +----+
--R
        1 2 2 2
--R.
        \|b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1173
)clear all
--S 1174 of 1618
t0:=(d+e*x)^(11/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R.
--R
--R
         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +-----+
--R
         (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
--R
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
                                                           2
--R
         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1174
--S 1175 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^(11/2)/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))-_
  33/32*e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(7/2)/(b^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  11/24*e*(d+e*x)^(9/2)/(b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
  385/64*e^4*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)/(b^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  231/64*e^3*(d+e*x)^(5/2)/(b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  1155/64*e^4*(b*d-a*e)^(3/2)*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
  \sqrt{(b*d-a*e)}/(b^{(13/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+1155/64*e^4*_}
  (b*d-a*e)*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^6*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R (2)
                  45 5 4 4 2 3 5 4 4 3
--R
--R
           (3465a b e - 3465b d e)x + (13860a b e - 13860a b d e)x
```

```
--R
                                      3 2 5 2 3 4 2 4 5 3 2 4
--R
--R
                                (20790a b e - 20790a b d e )x + (13860a b e - 13860a b d e )x
--R
--R
                                            5 5 4 4
--R
                                 3465a e - 3465a b d e
--R
--R
                                                                               +-+ +----+
--R
                             +----+
                                                                           --R
                            \|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                             \|- a e + b d
--R
                                                                                   45 5 4 4
--R
                                       5 5 5
--R
                                128b e x + (- 1408a b e + 2048b d e )x
--R
--R
                                                 2 3 5
                                                                             4 4 5 2 3 3
--R
                                (- 9207a b e + 12782a b d e - 2295b d e )x
--R
                                                       3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
                                (- 16863a b e + 22968a b d e - 3795a b d e - 1030b d e )x
--R
                                                          4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
                                          - 12705a b e + 17094a b d e - 2673a b d e - 748a b d e
--R
--R
--R
                                                     5 4
--R
                                           - 328b d e
--R
--R
                                  X
--R
                                       5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
                                - 3465a e + 4620a b d e - 693a b d e - 198a b d e - 88a b d e
--R
--R
--R
                                - 48b d
--R
                               +-+ +----+
--R
--R
                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                             9 3 8 2 2 7 3 6 +-+ | 2 2
--R
                    (192b x + 576a b x + 576a b x + 192a b )\|b \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1175
--S 1176 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
--R [
                                                                45 5 4 4 2 3 5 4 4 3
--R
--R
                                             (3465a b e - 3465b d e )x + (13860a b e - 13860a b d e )x
--R
                                                                  3 2 5 2 3 4 2 4 5 3 2 4
--R
--R
                                              (20790a b e - 20790a b d e)x + (13860a b e - 13860a b d e)x
--R
                                                         5 5 4 4
--R
                                          3465a e - 3465a b d e
--R
--R
--R
--R
                                                                                                     |- a e + b d +----+
                                                                                        2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d \| b
--R
--R
                                           |- a e + b d
--R
                                           |------ log(------)
--R
                                         \| b
                                                                                                                                                     b x + a
--R
--R
                                                      5 5 5
                                                                                                        4 5
                                                                                                                                  5 4 4
                                              256b e x + (-2816a b e + 4096b d e)x
--R
--R
--R
                                                                                                    4 4 5 2 3 3
                                             (- 18414a b e + 25564a b d e - 4590b d e )x
--R
--R
--R
                                                                        3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
                                             (- 33726a b e + 45936a b d e - 7590a b d e - 2060b d e )x
--R
--R
                                                                             4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
--R
                                                          - 25410a b e + 34188a b d e - 5346a b d e - 1496a b d e
--R
--R
                                                                       5 4
--R
                                                        - 656b d e
--R
--R
--R
                                                             5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
                                             - 6930a e + 9240a b d e - 1386a b d e - 396a b d e - 176a b d e
--R
--R
--R
                                                         5 5
                                           - 96b d
--R
--R
--R
                                           +----+
                                        \exists x + d
--R
--R
--R
                                       10 4
                                                                            9 3 2 8 2 3 7 4 6
--R
                             384b \times + 1536a \times + 2304a \times + 1536a \times + 384a \times 
--R
--R
--R
                                                                                         5 4 4 2 3 5
                                                                    4 5
                                                                                                                                                                                    4 4 3
                                            (3465a b e - 3465b d e )x + (13860a b e - 13860a b d e )x
--R
--R
```

```
3 2 5 2 3 4 2 4 5 3 2 4
--R
--R
            (20790a b e - 20790a b d e )x + (13860a b e - 13860a b d e )x
--R
                5 5 4 4
--R
--R
           3465a e - 3465a b d e
--R
--R
           +----+
                         +----+
--R
           |a e - b d
                        \leq x + d
           |----- atan(-----)
--R
           \| b
--R
                        +----+
--R
                         la e - b d
--R
                         |----
                        \| b
--R
--R
--R
                       4 5
               5 5 5
                                   5 4 4
--R
            128b e x + (- 1408a b e + 2048b d e )x
--R
                          4 4 5 2 3 3
--R
                 2 3 5
--R
            (- 9207a b e + 12782a b d e - 2295b d e )x
--R
--R
                           2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
            (- 16863a b e + 22968a b d e - 3795a b d e - 1030b d e )x
--R
--R
                    4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
               - 12705a b e + 17094a b d e - 2673a b d e - 748a b d e
--R
--R
                   5 4
--R
               - 328b d e
--R
--R
             X
--R
                5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
            - 3465a e + 4620a b d e - 693a b d e - 198a b d e - 88a b d e
--R
--R
               5 5
           - 48b d
--R
--R
--R
           +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R
          10 4 9 3 2 8 2 3 7 4 6
--R
--R
       192b x + 768a b x + 1152a b x + 768a b x + 192a b
--R.
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1176
--S 1177 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
```

```
--R (4)
              45 5 4 4 2 3 5 4 4 3
--R
--R
         (3465a b e - 3465b d e )x + (13860a b e - 13860a b d e )x
--R
              3 2 5 2 3 4 2 4 5 3 2 4
--R
--R
          (20790a b e - 20790a b d e)x + (13860a b e - 13860a b d e)x
--R
            5 5 4 4
--R
         3465a e - 3465a b d e
--R
--R
         +----+
--R
         |- a e + b d +-+ | 2 2
--R
         |----- \|b \|b x + 2a b x + a
--R
        \| b
--R
--R
--R
             +----+
--R
            |- a e + b d +----+
--R
           2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
        log(-----)
--R
                        b x + a
--R
--R
                5 5 6 4 5 2 4 5 5 4 4
--R
         (- 6930a b e + 6930b d e )x + (- 34650a b e + 34650a b d e )x
--R
                3 3 5 2 4 4 3 4 2 5 3 3 4 2
--R
--R
         (-69300a b e + 69300a b d e)x + (-69300a b e + 69300a b d e)x
--R
--R
                5 5 4 2 4 6 5 5 4
--R
          (-34650a b e + 34650a b d e)x - 6930a e + 6930a b d e
--R
--R
                       +-+ +----+
--R
        +----+
                      \b \leq x + d
--R
        \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                       +----+
--R
                       \|- a e + b d
--R
                        45 5 4 4
--R
           5 5 5
--R
         256b e x + (- 2816a b e + 4096b d e )x
--R
--R
               2 3 5
                      4 4 5 2 3 3
         (- 18414a b e + 25564a b d e - 4590b d e )x
--R
--R
--R
                3 2 5
                        234
                                     4 2 3 5 3 2 2
--R
         (- 33726a b e + 45936a b d e - 7590a b d e - 2060b d e )x
--R
                 4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
--R
            - 25410a b e + 34188a b d e - 5346a b d e - 1496a b d e
--R
--R
                 5 4
```

```
--R
          - 656b d e
--R
--R
         x
--R
          5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
        - 6930a e + 9240a b d e - 1386a b d e - 396a b d e - 176a b d e
--R
--R
        - 96b d
--R
--R
--R
        +-+ +----+ | 2 2
--R
--R
       --R
--R
            6 5 6 5 5 6 4 5
--R
         - 256b e x + (2560a b e - 4096b d e )x
--R
--R
             2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
         (21230a b e - 29660a b d e + 4590b d e )x
--R
--R
             3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
         (52140a b e - 71500a b d e + 12180a b d e + 2060b d e )x
--R
--R
               4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2
           59136a b e - 80124a b d e + 12936a b d e + 3556a b d e
--R
--R
--R
              6 4
--R
           656b d e
--R
--R
           2
--R
         X
--R
               5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
--R
--R
           32340a b e - 43428a b d e + 6732a b d e + 1892a b d e
--R
               5 4
--R
                      6 5
--R
           832a b d e + 96b d
--R
--R
--R
           65 5 4 4223 3332 244
--R
         6930a e - 9240a b d e + 1386a b d e + 396a b d e + 176a b d e
--R
--R.
--R
           5 5
--R
        96a b d
--R
        +-+ +----+
--R
--R
        --R /
         10 4 9 3 2 8 2 3 7 4 6 +-+
--R
```

```
--R
                       (384b x + 1536a b x + 2304a b x + 1536a b x + 384a b) \ b
--R
--R
                       | 2 2 2
--R
--R
                      \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1177
--S 1178 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
          (5)
--R
                                                 6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2
--R
                                         2b e x + 12b d e x + 30b d e x + 40b d e x + 30b d e x
--R
--R
--R
                                                 5
                                        12b d e x + 2b d
--R
--R
--R
                                       +----+
--R
                                      |- a e + b d +----+
                                      |-----\|e x + d
--R
                                     \| b
--R
--R
--R
                                     77 7 66 6 255
                               b e x + (- a e + 8b d e )x + (- 6a d e + 27b d e )x
--R
--R
--R
                                                 25 344 34 433
--R
                               (-15a d e + 50b d e )x + (-20a d e + 55b d e )x
--R
                                                 4 3 5 2 2
--R
                                                                                                              5 2
                                                                                                                                         6
--R
                               (- 15a d e + 36b d e )x + (- 6a d e + 13b d e)x - a d e + 2b d
--R
--R
--R
                              | 2 2 2
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                      2 6 7
                                                                             6
--R
                                                                                             2 5 6
                                                                                                                                                  5 224 5
--R
                               - 2b e x + (- 2a b e - 12b d e )x + (- 12a b d e - 30b d e )x
--R
                                                                       2 3 3 4
--R
                                                      2 4
                                                                                                                          3 3
                               (- 30a b d e - 40b d e )x + (- 40a b d e - 30b d e )x
--R
--R.
--R
                                                      4 2
                                                                        252
                                                                                                                         5
                                                                                                                                        2 6
                                 (- 30a b d e - 12b d e)x + (- 12a b d e - 2b d )x - 2a b d
--R
--R
                              +----+
--R
--R
                             |- a e + b d +----+
                            |----- \|e x + d
--R
                           \| b
--R
```

```
--R
                           278 2 67 27 6 225 6
--R
--R
                      -bex - 8bdex + (ae - 2abde - 27bde)x
--R
--R
                           2 6 2 5 2 3 4 5
--R
                      (6a d e - 12a b d e - 50b d e )x
--R
--R
                                2 2 5
                                                               3 4
                                                                                     2 4 3 4
                      (15a d e - 30a b d e - 55b d e )x
--R
--R
--R
                                2 3 4 4 3
                                                                                    2523
--R
                      (20a d e - 40a b d e - 36b d e )x
--R
                                                      5 2 2 6 2
--R
                             2 4 3
                                                                                                                 2 5 2
--R
                       (15a d e - 30a b d e - 13b d e)x + (6a d e - 12a b d e - 2b d )x
--R
--R
                         2 6
                       a d e - 2a b d
--R
--R /
--R
                                                                 5 6 5 2 4 5 4 2 4 3
--R
                                   b e x + (4a b e + 2b d)x + (5a b e + 10a b d)x + 20a b d x
--R
--R
                                              4 2 3 3 2 5 4 2
--R
                                    (-5a b e + 20a b d)x + (-4a b e + 10a b d)x - a e + 2a b d
--R
--R
                                   +----+
--R
                                \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
                                       6 6 5 6 5 2 4 5 4
--R
                                   2b e x + (10a b e + 2b d)x + (20a b e + 10a b d)x
--R
                                          3 3 2 4 3 4 2 3 3 2 5
--R
--R
                                    (20a b e + 20a b d)x + (10a b e + 20a b d)x + (2a b e + 10a b d)x
--R
--R
--R
                                  2a b d
--R
--R
                                   +----+
--R
                                   |- a e + b d
--R
                                   |-----
--R
                                \ |
--R
--R.
                        +----+
                        | 2 2 2
--R.
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1178
--S 1179 of 1618
m0b:=a0.2-r0
```

```
--R
--R
--R
    (6)
                 5 5 6 4 5 2 4 5 5 4 4
--R
          (- 3465a b e + 3465b d e )x + (- 17325a b e + 17325a b d e )x
--R
--R
                 3 3 5 2 4 4 3 4 2 5 3 3 4 2
--R
--R
         (- 34650a b e + 34650a b d e )x + (- 34650a b e + 34650a b d e )x
--R
                                       6 5 5 4
--R
                5 5
                          4 2 4
          (-17325a b e + 17325a b d e )x - 3465a e + 3465a b d e
--R
--R
--R
                        +-+ +----+
         +----+
--R
                       \b \leq x + d
--R
        \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                        +----+
--R
                        \|- a e + b d
--R
                       5 4 4 2 3 5 4 4 3
--R
               4 5
--R
          (3465a b e - 3465b d e)x + (13860a b e - 13860a b d e)x
--R
               3 2 5 2 3 4 2 4 5 3 2 4
--R
--R
          (20790a b e - 20790a b d e)x + (13860a b e - 13860a b d e)x
--R
             5 5 4 4
--R
          3465a e - 3465a b d e
--R
--R
--R
            +----+
         +-+ |a e - b d | 2 2 2
--R
                                         \label{eq:lemma_def} \
--R
         \|b |-----\|b x + 2a b x + a atan(------)
--R
          \| b
                                         +----+
--R
                                         la e - b d
--R
                                         |----
--R
--R
            5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
         128b e x + (- 1408a b e + 2048b d e )x
--R
                       4 4 5 2 3 3
--R
               2 3 5
--R
          (- 9207a b e + 12782a b d e - 2295b d e )x
--R
--R
                3 2 5
                       234
                                    4 2 3 5 3 2 2
--R.
          (- 16863a b e + 22968a b d e - 3795a b d e - 1030b d e )x
--R
                  4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
             - 12705a b e + 17094a b d e - 2673a b d e - 748a b d e
--R
--R
--R
                 5 4
--R
             - 328b d e
--R
```

```
--R
                                x
--R
                                    5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
                                - 3465a e + 4620a b d e - 693a b d e - 198a b d e - 88a b d e
--R
--R
                                        5 5
--R
                             - 48b d
--R
--R
                            +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
                           --R
                                           6 5 6 5 5 6 4 5
--R
                               - 128b e x + (1280a b e - 2048b d e )x
--R
--R
--R
                                              2 4 5
                                                                      5 4 6 2 3 4
--R
                               (10615a b e - 14830a b d e + 2295b d e )x
--R
--R
                                             3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
                               (26070a b e - 35750a b d e + 6090a b d e + 1030b d e )x
--R
--R
                                                  4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2
--R
                                        29568a b e - 40062a b d e + 6468a b d e + 1778a b d e
--R
--R
                                               6 4
--R
                                        328b d e
--R
--R
                                      2
--R
                                 x
--R
                                                      5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
--R
--R
                                       16170a b e - 21714a b d e + 3366a b d e + 946a b d e
--R
                                                    5 4 6 5
--R
--R
                                      416a b d e + 48b d
--R
--R
--R
                                       6 5
                                                           5 4 4223 3332 244
--R
--R
                                3465a e - 4620a b d e + 693a b d e + 198a b d e + 88a b d e
--R
--R
                                       5 5
--R.
                              48a b d
--R
--R
                             +-+ +----+
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                               10 4 9 3 2 8 2 3 7 4 6 +-+
                       (192b x + 768a b x + 1152a b x + 768a b x + 192a b) b
--R
--R
```

```
--R
                      | 2 2 2
--R
--R
                     \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 1179
--S 1180 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)
                             6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
                         (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d)
--R
--R
--R
                           +----+
--R
                           | 2 2 2
--R
                        \|b x + 2a b x + a
--R
                             67 6 56 5 245
--R
                     - b e x + (- a e - 6b d e )x + (- 6a d e - 15b d e )x
--R
--R
                                    2 4 3 3 4 3 3 4 2 3
--R
--R
                     (- 15a d e - 20b d e )x + (- 20a d e - 15b d e )x
--R
--R
                                  4 2 5 2 5
                                                                                                            6
                       (- 15a d e - 6b d e)x + (- 6a d e - b d )x - a d
--R
--R /
--R
                         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +----+
--R
                       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) | e x + d
--R
--R
                      | 2 2 2
--R
--R
                      \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 1180
)clear all
--S 1181 of 1618
t0:=(d+e*x)^(9/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R.
                                         4 4 3 3 2 2 2 3 4 +----+
--R.
                                  (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) | e x + d
--R (1) ------
--R
                          4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
--R
                        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1181
```

```
--S 1182 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^(9/2)/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))-_
  21/32*e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2)/(b^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  3/8*e*(d+e*x)^(7/2)/(b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  105/64*e^3*(d+e*x)^(3/2)/(b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  315/64*e^4*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*_
  sqrt(b*d-a*e)/(b^(11/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  315/64*e^4*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^5*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
     (2)
                            3 4 3 2 2 4 2 3 4
--R
                4 4 4
--R
          (-315b e x - 1260a b e x - 1890a b e x - 1260a b e x - 315a e )
--R
--R
                            +-+ +----+
--R
          +----+
                           \|- a e + b d atanh(-----)
--R.
                            +----+
--R
--R
                           \|- a e + b d
--R
                        3 4 4 3 3
--R
              4 4 4
--R
           128b e x + (837a b e - 325b d e)x
--R
--R
                 2 2 4
                                     4 2 2 2
                         3 3
--R
            (1533a b e - 555a b d e - 210b d e)x
--R
--R
                 3 4 2 2 3 3 2 2 4 3
--R
            (1155a b e - 399a b d e - 156a b d e - 88b d e)x + 315a e
--R.
                          2 2 2 2
--R
                    3
                                        3 3
--R
           - 105a b d e - 42a b d e - 24a b d e - 16b d
--R
--R
           +-+ +----+
--R
          \b \b \b \ x + d
--R /
--R
                7 2 2 6 3 5 +-+ | 2 2
--R
--R
       (64b x + 192a b x + 192a b x + 64a b) \ b \ x + 2a b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1182
--S 1183 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
                4 4 4 3 4 3
--R
                                        2 2 4 2 3 4
--R
            (315b e x + 1260a b e x + 1890a b e x + 1260a b e x + 315a e)
```

```
--R
--R
                          +----+
--R
                          |- a e + b d +----+
--R
                      - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
          |- a e + b d \| b
--R
          |------)
--R
--R
          \ |
                                     b x + a
--R
             4 4 4 3 4 4 3 3
--R
--R
           256b e x + (1674a b e - 650b d e)x
--R
                       3 3 4 2 2 2
--R
              2 2 4
           (3066a b e - 1110a b d e - 420b d e )x
--R
--R
--R
                      2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
              3 4
--R
           (2310a b e - 798a b d e - 312a b d e - 176b d e)x + 630a e
--R
--R
              3 3 2222 33
--R
          - 210a b d e - 84a b d e - 48a b d e - 32b d
--R
--R
          +----+
--R
         --R
--R
         9 4 8 3 2 7 2 3 6 4 5
--R
       128b x + 512a b x + 768a b x + 512a b x + 128a b
--R
--R
              4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
          (-315b e x - 1260a b e x - 1890a b e x - 1260a b e x - 315a e)
--R
--R
          +----+
                      +----+
--R
          la e - b d
                      \le x + d
--R
         |----- atan(-----)
--R
         \| b
                      +----+
--R
                      la e - b d
                      |-----
--R
                      \| b
--R
--R
                     3 4 4 3 3
--R
             4 4 4
--R
           128b e x + (837a b e - 325b d e)x
--R
              2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
           (1533a b e - 555a b d e - 210b d e )x
--R
--R
              3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
           (1155a b e - 399a b d e - 156a b d e - 88b d e)x + 315a e
--R
--R
--R
                       2 2 2 2 3 3
              3 3
           - 105a b d e - 42a b d e - 24a b d e - 16b d
--R
--R
```

```
--R
          +----+
--R
         \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
        94 83 272 36 45
--R
--R
      64b x + 256a b x + 384a b x + 256a b x + 64a b
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1183
--S 1184 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
           4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
         (315b e x + 1260a b e x + 1890a b e x + 1260a b e x + 315a e)
--R
--R
         +----+
         |- a e + b d +-+ | 2 2 2
--R
         |----| \|b \|b x + 2a b x + a
--R
--R
        \| b
--R
--R
              |- a e + b d +----+
--R
--R
            - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
             \| b
--R
         log(-----)
--R
--R
                           b x + a
--R
             5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4
--R
--R
          630b e x + 3150a b e x + 6300a b e x + 6300a b e x + 3150a b e x
--R
--R
             5 4
--R
         630a e
--R
                        +-+ +----+
--R
                       \|b \|e x + d
--R
         +----+
--R
        \|- a e + b d atanh(-----)
                        +----+
--R
--R
                        \|- a e + b d
--R
                        3 4 4 3 3
--R
             4 4 4
--R.
          256b e x + (1674a b e - 650b d e)x
--R
                    3 3 4 2 2 2
--R
               2 2 4
--R
          (3066a b e - 1110a b d e - 420b d e )x
--R
--R
                      2 2 3 3 2 2
                                           4 3 4 4
          (2310a b e - 798a b d e - 312a b d e - 176b d e)x + 630a e
--R
--R
```

```
3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
                                                   - 210a b d e - 84a b d e - 48a b d e - 32b d
--R
--R
                                                                                                   +----+
                                             +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
                                           --R
                                                                                                                                         4 4 5 3 4
--R
                                                                       5 4 5
                                                  - 256b e x + (- 1930a b e + 650b d e )x
--R
--R
--R
                                                                                   2 3 4 4 3 5 2 2 3
--R
                                                  (- 4740a b e + 1760a b d e + 420b d e )x
--R
                                                                                3 2 4 2 3 3 4 2 2
 --R
 --R
                                                  (- 5376a b e + 1908a b d e + 732a b d e + 176b d e)x
--R
--R
                                                                             4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
                                                  (- 2940a b e + 1008a b d e + 396a b d e + 224a b d e + 32b d )x
--R
                                                                     5 4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
                                                    - 630a e + 210a b d e + 84a b d e + 48a b d e + 32a b d
--R
--R
                                              +-+ +----+
--R
                                            --R /
                                                 9 4 8 3 2 7 2 3 6 4 5 +-+
--R
--R
                                       (128b x + 512a b x + 768a b x + 512a b x + 128a b) \begin{picture}(128b x + 512a b x +
--R
--R
                                       | 2 2 2
--R
--R
                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1184
--S 1185 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)
                                                                                   5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4
--R
 --R
                                                                    - 2b e x - 10b d e x - 20b d e x - 20b d e x - 10b d e x
 --R
--R
                                                                                        5
                                                                  - 2b d
--R
--R
--R
                                                               +----+
--R
                                                              |- a e + b d +----+
--R
                                                            |-----| | e x + d
                                                            \| b
--R
--R
```

```
6 6 6 5 5 5 2 4 4
--R
--R
          b e x + (- a e + 7b d e )x + (- 5a d e + 20b d e )x
--R
--R
                2 4 3 3 3
                                      3 3
--R
           (- 10a d e + 30b d e )x + (- 10a d e + 25b d e )x
--R
               4 2 5
--R
                               5
--R
          (-5a d e + 11b d e)x - a d e + 2b d
--R
--R
--R
          | 2 2 2
--R
         \|b x + 2a b x + a
--R
--R
           2 5 6
                   5
                            2 4 5
--R
          2b e x + (2a b e + 10b d e )x + (10a b d e + 20b d e )x
--R
--R
                23 2323
                                     3 2
                                            242
--R
          (20a b d e + 20b d e)x + (20a b d e + 10b d e)x
--R
               4 25 5
--R
--R
          (10a b d e + 2b d )x + 2a b d
--R
--R
          +----+
--R
         |- a e + b d +----+
         |-----\|e x + d
--R
         \| b
--R
--R
         267 2 56 26 5 224 5
--R
--R
       -bex - 7bdex + (ae - 2abde - 20bde)x
--R.
          2 \quad 5 \qquad \qquad 2 \quad 4 \qquad \qquad 2 \quad 3 \quad 3 \quad 4
--R
--R
       (5a d e - 10a b d e - 30b d e )x
--R
          2 2 4 3 3 2 4 2 3
--R
--R
       (10a d e - 20a b d e - 25b d e )x
--R
--R
         2 3 3 4 2 2 5 2 2 4 2 5
--R
       (10a d e - 20a b d e - 11b d e)x + (5a d e - 10a b d e - 2b d )x
--R
--R
        2 5
       a d e - 2a b d
--R
--R /
                           6 5 2 4 5 4 2 4 3
--R.
            6 6
                     5
--R
           b e x + (4a b e + 2b d)x + (5a b e + 10a b d)x + 20a b d x
--R
--R
                4 2 3 3 2
                                  5
                                          4 2
           (-5abe+20abd)x + (-4abe+10abd)x - ae+2abd
--R
--R
           +----+
--R
--R
          \label{eq:lemma_def} \
```

```
--R
             6 6 5 6 5 2 4 5 4
--R
--R
           - 2b e x + (-10a b e - 2b d)x + (-20a b e - 10a b d)x
--R
--R
                3 3 2 4 3 4 2 3 3 2
            (-20a b e - 20a b d)x + (-10a b e - 20a b d)x
--R
--R
                    4 2
--R
              5
           (- 2a b e - 10a b d)x - 2a b d
--R
--R
--R
           +----+
           |- a e + b d
--R
           |-----
--R
          \| b
--R
--R
--R
        +----+
--R
       | 2 2 2
       \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1185
--S 1186 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
            5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4
--R
--R
          315b e x + 1575a b e x + 3150a b e x + 3150a b e x + 1575a b e x
--R
--R
             5 4
--R
         315a e
--R
--R
                        +-+ +----+
--R
         +----+
                       \b \e x + d
--R
        \|- a e + b d atanh(-----)
                        +----+
--R
--R
                        \|- a e + b d
--R
                        3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4 +-+
--R
             4 4 4
--R
         (-315b \ e \ x \ -1260a \ b \ e \ x \ -1890a \ b \ e \ x \ -1260a \ b \ e \ x \ -315a \ e \ ) \ b
--R
         +----+
--R
--R.
        |ae-bd|22 2
                                     \le x + d
--R
         |-----\|b x + 2a b x + a atan(-----)
        \| b
                                      +----+
--R
                                      la e - b d
--R
                                      |----
--R
--R
                                      \| b
--R
--R
             4 4 4 3 4 4 3 3
```

```
--R
                            128b e x + (837a b e - 325b d e)x
--R
--R
                                         2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
                             (1533a b e - 555a b d e - 210b d e)x
--R
                                         3 4 22 3
--R
                                                                                                3 2 2 4 3
--R
                            (1155a b e - 399a b d e - 156a b d e - 88b d e)x + 315a e
--R
                                       3 3 2222 33
--R
                           - 105a b d e - 42a b d e - 24a b d e - 16b d
--R
--R
--R
                                                      +----+
                          +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
                         --R
--R
                                       5 4 5
                                                                         4 4 5 3 4
--R
                            - 128b e x + (- 965a b e + 325b d e )x
--R
                                          2 3 4 4 3 5 2 2 3
--R
--R
                            (- 2370a b e + 880a b d e + 210b d e )x
--R
                                           3 2 4 2 3 3 4 2 2 5 3 2
--R
--R
                            (- 2688a b e + 954a b d e + 366a b d e + 88b d e)x
--R
                                      4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
                            (- 1470a b e + 504a b d e + 198a b d e + 112a b d e + 16b d )x
--R
--R
--R
                                       5 4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
                             - 315a e + 105a b d e + 42a b d e + 24a b d e + 16a b d
--R
--R
                         +-+ +----+
--R
                       \b \leq x + d
--R /
                          9 4 8 3 2 7 2 3 6 4 5 +-+
--R
--R
                     (64b x + 256a b x + 384a b x + 256a b x + 64a b) \ b
--R
--R
                      +----+
                      1 2 2 2
--R
--R
                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1186
--S 1187 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)
--R
                     5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
--R
                    (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) \ b x + 2a b x + a
```

```
--R
          5 6 5 4 5
--R
--R
       - b e x + (- a e - 5b d e )x + (- 5a d e - 10b d e )x
--R
              23 323 32 42 4
--R
        (-10ade - 10bde)x + (-10ade - 5bde)x + (-5ade - bd)x
--R
--R
--R
--R
        - a d
--R /
--R
         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +----+
        (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) | e x + d
--R
--R
--R
        +----+
        1 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1187
)clear all
--S 1188 of 1618
t0:=(d+e*x)^(7/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R.
--R
                   3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
                  (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
--R.
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1188
--S 1189 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^(7/2)/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))_{-}
  35/96*e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)/(b^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  7/24*e*(d+e*x)^(5/2)/(b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  35/64*e^4*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
  (b^{(9/2)}*sqrt(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
  35/64*e^3*sqrt(d+e*x)/(b^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R (2)
               4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R.
--R
         (-105b e x - 420a b e x - 630a b e x - 420a b e x - 105a e)
--R
--R
               +-+ +----+
--R
              \b \leq x + d
     atanh(-----)
--R
```

```
--R
--R
            \|- a e + b d
--R
                     23 3 2 2
--R
              3 3 3
          - 279b e x + (- 511a b e - 326b d e )x
--R
--R
               2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
         (- 385a b e - 252a b d e - 200b d e)x - 105a e - 70a b d e
--R
              2 2
--R
                     3 3
--R
         - 56a b d e - 48b d
--R
         +----+
--R
--R
        --R /
--R
          7 3 6 2 2 5
                                3 4 +----+ +-+
--R
       (192b x + 576a b x + 576a b x + 192a b) = a e + b d | b
--R
       +----+
--R
       | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1189
--S 1190 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R [
             4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
         (105b e x + 420a b e x + 630a b e x + 420a b e x + 105a e)
--R
--R
                                               1 2
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
--R
--R
--R
               3 3 3
                            2 3 3 2 2
--R
           -558b e x + (-1022a b e -652b d e)x
--R
--R
               2 3 2 3 2 3 3 2 2
           (-770a b e - 504a b d e - 400b d e)x - 210a e - 140a b d e
--R
--R
--R
                 2 2 3 3
--R
           - 112a b d e - 96b d
--R
--R
           2 +----+
--R
```

```
\|- a b e + b d \|e x + d
--R
--R
--R
         84 73 262 35 44 | 2
--R
--R
      (384b x + 1536a b x + 2304a b x + 1536a b x + 384a b) = a b e + b d
--R
--R
             4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4
--R
         (105b e x + 420a b e x + 630a b e x + 420a b e x + 105a e)
--R
--R
--R
             2 +----+
--R
--R
             \|a b e - b d \|e x + d
--R
         atan(-----)
--R
                  ae-bd
--R
--R
              3 3 3
                      23 3 2 2
           - 279b e x + (- 511a b e - 326b d e )x
--R
--R
               2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
           (- 385a b e - 252a b d e - 200b d e)x - 105a e - 70a b d e
--R
--R
               2 2 3 3
--R
           - 56a b d e - 48b d
--R
--R
          2 +----+
--R
--R
         --R
--R
         8 4 7 3 2 6 2 3 5 4 4 | 2
--R
--R
     (192b \times + 768a b \times + 1152a b \times + 768a b \times + 192a b) \mid a b e - b d
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1190
--S 1191 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
           4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
        (105b e x + 420a b e x + 630a b e x + 420a b e x + 105a e)
--R
--R
                     +----+
        +----+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
       --R
--R
                   2 +----+
--R
```

```
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                 b x + a
--R
            5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4
--R
--R
          210b e x + 1050a b e x + 2100a b e x + 2100a b e x + 1050a b e x
--R
--R
--R
         210a e
--R
         +----+
--R
                        --R
--R
         \|- a b e + b d atanh(-----)
                          +----+
--R
--R
                         \|- a e + b d
--R
--R
                           2 3 3 2 2
              3 3 3
--R
          - 558b e x + (- 1022a b e - 652b d e )x
--R
              2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
          (- 770a b e - 504a b d e - 400b d e)x - 210a e - 140a b d e
--R
--R
               2 2 3 3
--R
          - 112a b d e - 96b d
--R
--R
         2 +-----+ +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
         \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
            4 3 4 3 3 4 2 3
--R
--R
          558b e x + (1580a b e + 652b d e)x
--R
              2 2 3
--R
--R
          (1792a b e + 1156a b d e + 400b d e)x
--R
             3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3
--R
--R
          (980a b e + 644a b d e + 512a b d e + 96b d)x + 210a e
--R
            3 2
--R
                     2 2 2
--R
          140a b d e + 112a b d e + 96a b d
--R
--R
--R
         2 +----+
--R.
         \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
--R
          8 4 7 3 2 6 2 3 5 4 4 | 2
--R
--R
       (384b x + 1536a b x + 2304a b x + 1536a b x + 384a b) \ - a b e + b d
--R
--R
                     +----+
```

```
+----+ +-+ | 2 2
      --R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1191
--S 1192 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
                5 2 4 4 4 2 2 3 3
             (2a b e - 2b d e )x + (8a b d e - 8b d e )x
--R
--R
                 23 2322
                                     3 2 2 4
--R
--R
             (12a \ b \ d \ e \ - \ 12b \ d \ e \ )x \ + \ (8a \ b \ d \ e \ - \ 8b \ d \ e)x \ + \ 2a \ b \ d \ e
--R
--R.
               2 5
            - 2b d
--R
--R
--R
            +----+
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
             5 5 5 4 4 4 2 3 3
--R
            b e x + (- a e + 6b d e )x + (- 4a d e + 14b d e )x
--R
               23 322 32 4 4 5
--R
--R
            (-6ade + 16bde)x + (-4ade + 9bde)x - ade + 2bd
--R
--R
           1 2
--R
--R
           \|- a b e + b d
--R
--R
         +----+
         | 2 2 2
--R
--R
        --R
              25 3 4 5 2 5 2 4 3 2 3 4
--R
         (- 2a b e + 2b d e )x + (- 2a b e - 6a b d e + 8b d e )x
--R
--R
--R
            2 4 223
                              3 3 2 3
--R
         (-8abde -4abde +12bde)x
--R
--R.
             2 2 3 2 3 4 2
--R
         (- 12a b d e + 4a b d e + 8b d e)x
--R
--R
             2 3 2 2 4
                            3 5 2 4 2 5
--R
          (- 8a b d e + 6a b d e + 2b d )x - 2a b d e + 2a b d
--R
         +----+
--R
--R
```

```
--R
           256 2 45 25 4 223 4
--R
--R
         -bex - 6bdex + (ae - 2abde - 14bde)x
--R
           2 4 2 3 2 3 2 3
--R
--R
          (4a d e - 8a b d e - 16b d e )x
--R
           2 2 3 3 2
--R
                           242
                                    2 3 2
         (6a d e - 12a b d e - 9b d e)x + (4a d e - 8a b d e - 2b d )x
--R
--R
          2 4 5
--R
         a d e - 2a b d
--R
--R
--R
         | 2
--R
--R
        \|- a b e + b d
--R /
--R
           6 6
                    5
                         6 5 2 4 5 4 2 4 3
          b e x + (4a b e + 2b d)x + (5a b e + 10a b d)x + 20a b d x
--R
--R
--R
             4 2 3 3 2 5
                                      4 2
           (-5abe+20abd)x+(-4abe+10abd)x-ae+2abd
--R
--R
--R
          2 +----+
--R
--R
          --R
--R
           62 7 6 252 6 725
--R
        (2a b e - 2b d e)x + (10a b e - 8a b d e - 2b d)x
--R
           3 4 2 2 5
--R
                            6 2 4
                                    4 3 2 2 5 2 3
--R
        (20a b e - 10a b d e - 10a b d )x + (20a b e - 20a b d )x
--R
                          3 4 2 2 6 2 5 2 4 3 2
--R
          5 2 2 4 3
--R
        (10a b e + 10a b d e - 20a b d )x + (2a b e + 8a b d e - 10a b d )x
--R
         6
                5 2 2
--R
--R
       2a b d e - 2a b d
--R
--R
       | 2 2 2
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1192
--S 1193 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
```

```
5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4
--R
--R
         105b e x + 525a b e x + 1050a b e x + 1050a b e x + 525a b e x
--R
--R
            5 4
--R
        105a e
--R
--R
                     +-+ +----+
        1 2
--R
                     \|a b e - b d atanh(-----)
--R
                      +----+
--R
--R
                     \|- a e + b d
--R
          4 4 4
                    3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
        (105b e x + 420a b e x + 630a b e x + 420a b e x + 105a e)
--R
--R
--R
                     +----+
                                      2 +----+
        --R
--R
        \|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a atan(-----)
--R
                                          ae-bd
--R
            3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
         -279b e x + (-511a b e - 326b d e)x
--R
            2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
         (- 385a b e - 252a b d e - 200b d e)x - 105a e - 70a b d e
--R
--R
             2 2 3 3
--R
         - 56a b d e - 48b d
--R
--R
        +-----+ +-+ | 2 +-----+ | 2 2
--R
--R
        \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                  3 3 4 2 3
--R
           4 3 4
         279b e x + (790a b e + 326b d e )x
--R
--R
            2 2 3 3 2 4 2 2
--R
--R
         (896a b e + 578a b d e + 200b d e)x
--R
            3 3 2 2 2 3 2
--R
                                     4 3 4 3
         (490a b e + 322a b d e + 256a b d e + 48b d)x + 105a e
--R
--R
--R
          3 2 222
                          3 3
--R
         70a b d e + 56a b d e + 48a b d
--R
--R
        +----+ +-+ | 2 +----+
--R
--R
        \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|e x + d
--R /
```

```
8 4 7 3 2 6 2 3 5 4 4 +-----+ +-+
--R
--R
                    (192b x + 768a b x + 1152a b x + 768a b x + 192a b) = a e + b d | b
--R
--R
                      +----+
                    | 2 | 2 2 2
--R
--R
                     --R
                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1193
--S 1194 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
          (7)
--R
--R
                       44 33 222 3 4 | 22 2 4 5
--R
                    (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d )\|b x + 2a b x + a - b e x
--R
--R
                             4 3 4 3 2 2 3 2 2 3 2
                     (-ae - 4bde)x + (-4ade - 6bde)x + (-6ade - 4bde)x
--R
--R
                               3 4 4
--R
--R
                     (-4ade-bd)x-ad
--R /
                       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +----+
--R
--R
                     (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) | e x + d
--R
--R
                     | 2 2 2
--R
--R
                     \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1194
)clear all
--S 1195 of 1618
t0:=(d+e*x)^(5/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                                                             2 2
                                                                                           2 +----+
                                                        (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
--R (1) ------
--R
                                                                                                           +----+
                       4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R.
--R
                   (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a|
--R
                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1195
--S 1196 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2)/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))-_
```

```
5/24*e*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
       5/32*e^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*(b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+_
       b^2*x^2)^(3/2)+5/64*e^4*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
       sqrt(b*d-a*e))/(b^(7/2)*(b*d-a*e)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
       b^2*x^2)) + 5/64*e^3*sqrt(d+e*x)/(b^3*(b*d-a*e)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
              (2)
                                          4 4 4
                                                                    3 4 3 2 2 4 2 3 4
--R
--R
                             (-15b e x - 60a b e x - 90a b e x - 60a b e x - 15a e)
--R
                                             +-+ +----+
--R
--R
                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                            atanh(-----)
--R
                                            +----+
--R
                                          \|- a e + b d
--R.
--R
                                        3 3 3
                                                                     2 3
                                                                                                   3 2 2
                                 15b e x + (-73a b e + 118b d e)x
--R
--R
--R
                                               2 3 2 2
                                                                                                       3 2
                                                                                                                                   3 3
                                  (- 55a b e - 36a b d e + 136b d e)x - 15a e - 10a b d e
--R
--R
--R
                                                2 2 3 3
--R
                                 - 8a b d e + 48b d
--R
--R
                               +----+
--R
                            --R /
--R
                                             6
                                                         7 3 2 5
--R
                             (192a b e - 192b d)x + (576a b e - 576a b d)x
--R
--R
                                        3 4
                                                                  2 5
                                                                                                  4 3
--R
                            (576a b e - 576a b d)x + 192a b e - 192a b d
--R
--R
--R.
                         +----+ +-+ | 2 2
--R
                       --R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1196
--S 1197 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             (3)
--R
              Ε
--R
                                           4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4
--R
                                (15b e x + 60a b e x + 90a b e x + 60a b e x + 15a e)
--R.
```

```
--R
                                             1 2
--R
                   2 +----+
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
        log(-----)
--R
--R
                               b x + a
--R
             3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
          30b e x + (- 146a b e + 236b d e )x
--R
               2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
           (- 110a b e - 72a b d e + 272b d e)x - 30a e - 20a b d e
--R
               2 2
                      3 3
--R
--R
          - 16a b d e + 96b d
--R
--R
--R
          2 +----+
--R
         \|- a b e + b d \|e x + d
--R
             7 8 4 2 6
--R
--R
          (384a b e - 384b d)x + (1536a b e - 1536a b d)x
--R
--R
                  26244
                                       3 5 5 3
         (2304a b e - 2304a b d)x + (1536a b e - 1536a b d)x + 384a b e
--R
--R
           4 4
--R
--R
         - 384a b d
--R
--R
        1 2
--R.
--R
        \label{lem:abe} + b d
--R
--R
            4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
         (15b e x + 60a b e x + 90a b e x + 60a b e x + 15a e )
--R
--R
--R
              +----+
--R
             2 +----+
            \|a b e - b d \|e x + d
--R
--R
          atan(-----)
           a e - b d
--R
--R
            3 3 3 2 3 3 2 2
--R.
--R
          15b e x + (- 73a b e + 118b d e )x
--R
              2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
           (- 55a b e - 36a b d e + 136b d e)x - 15a e - 10a b d e
--R
              2 2 3 3
--R
--R
           - 8a b d e + 48b d
```

```
--R
--R
           2 +----+
--R
--R
          \|a b e - b d \|e x + d
--R
                    8 4 2 6 7 3
--R
               7
--R
          (192a b e - 192b d)x + (768a b e - 768a b d)x
--R
                      262 44 35 53
--R
               3 5
           (1152a b e - 1152a b d)x + (768a b e - 768a b d)x + 192a b e
--R
--R
--R
               4 4
          - 192a b d
--R
--R
--R
--R
         1 2
--R
         \|a b e - b d
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1197
--S 1198 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
            4 4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4 +-----+
--R
--R
         (15b e x + 60a b e x + 90a b e x + 60a b e x + 15a e) | - a e + b d
--R
--R
             +----+
         +-+ | 2 2 2
--R
--R
        \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                                  +----+
| 2
--R
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
--R
                                   b x + a
--R
             5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4
--R
--R
          30b e x + 150a b e x + 300a b e x + 300a b e x + 150a b e x
--R
--R
            5 4
--R
          30a e
--R
          +----+
--R
                          +-+ +----+
         | 2 \|b \|e x + d
--R
--R
         \|- a b e + b d atanh(-----)
--R
--R
                           \|- a e + b d
```

```
--R
           3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
          30b e x + (- 146a b e + 236b d e )x
--R
               2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
          (- 110a b e - 72a b d e + 272b d e)x - 30a e - 20a b d e
--R
              2 2 3 3
--R
--R
          - 16a b d e + 96b d
--R
--R
         2 +-----+ +-+ +-----+ | 2 2
--R
--R
         \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
            4 3 4 3 3 4 2 3
--R
          - 30b e x + (116a b e - 236b d e)x
--R
--R
             2 2 3 3 2 4 2 2
          (256a b e - 164a b d e - 272b d e)x
--R
--R
--R
            3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3 2
          (140a b e + 92a b d e - 256a b d e - 96b d )x + 30a e + 20a b d e
--R
--R
--R
           2 2 2 3 3
--R
          16a b d e - 96a b d
--R
--R
         2 +-----
--R
--R
         \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
             7 8 4 2 6
--R
--R
         (384a b e - 384b d)x + (1536a b e - 1536a b d)x
--R
            3 5 2 6 2 4 4 3 5 5 3
--R
--R
         (2304a b e - 2304a b d)x + (1536a b e - 1536a b d)x + 384a b e
--R
--R
            4 4
        - 384a b d
--R
--R
--R
        2 +----+ +-+ | 2 2
--R
--R
       \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1198
--S 1199 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)
```

```
4 2 3 3 3 2 2 2 2
--R
            (2a b e - 2b d e )x + (6a b d e - 6b d e )x
--R
--R
                2 2 2 3
--R
                                3
--R
            (6a b d e - 6b d e)x + 2a b d e - 2b d
--R
--R
           +----+
--R
          \le x + d
--R
                                   3 222
--R
             4 4
                     4 3 3
           b e x + (- a e + 5b d e )x + (- 3a d e + 9b d e )x
--R
--R
               2 2 3
                           3
--R
           (-3ade + 7bde)x - ade + 2bd
--R
--R
--R
--R
           1 2
--R
          \|- a b e + b d
--R
--R
        | 2 2 2
--R
        --R
--R
--R
             24 3 34 24 23 3223
         (- 2a b e + 2b d e )x + (- 2a b e - 4a b d e + 6b d e )x
--R
--R
            2 3 332 2 22 23 34
--R
--R
         (-6abde+6bde)x+(-6abde+4abde+2bd)x
--R
          2 3 2 4
--R
--R
         - 2a b d e + 2a b d
--R
--R
        +----+
--R
       \leq x + d
--R
          2 4 5 2 3 4 2 4 3 2 2 2 3
--R
--R
         - b e x - 5b d e x + (a e - 2a b d e - 9b d e )x
--R
          2 3 2 2 3 2 2 2 2 3
--R
--R
         (3a d e - 6a b d e - 7b d e)x + (3a d e - 6a b d e - 2b d )x
--R
--R
         2 3 4
--R
         a d e - 2a b d
--R
--R
        1 2
--R
--R
        --R /
          6 6 5 6 5 2 4 5 4 2 4 3
--R
--R
          b e x + (4a b e + 2b d)x + (5a b e + 10a b d)x + 20a b d x
```

```
--R
              4 2 3 3 2 5 4 2 6 5
--R
--R
            (-5a b e + 20a b d)x + (-4a b e + 10a b d)x - a e + 2a b d
--R
--R
           2 +----+
--R
--R
           \|- a b e + b d \|e x + d
--R
            6 2 7 6 2 5 2 6 7 2 5
--R
         (2a b e - 2b d e)x + (10a b e - 8a b d e - 2b d )x
--R
--R
                               6 2 4 4 3 2 2 5 2 3
--R
            3 4 2
                    2 5
         (20a b e - 10a b d e - 10a b d)x + (20a b e - 20a b d)x
--R
--R
--R
                              3 4 2 2 6 2 5 2 4 3 2
           5 2 2 4 3
--R
         (10a b e + 10a b d e - 20a b d )x + (2a b e + 8a b d e - 10a b d )x
--R
--R
          6
                  5 2 2
--R
         2a b d e - 2a b d
--R
--R
        +----+
        1 2 2 2
--R
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1199
--S 1200 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
               5 \ 4 \ 5 \qquad \qquad 4 \ 4 \ 4 \qquad \qquad 2 \ 3 \ 4 \ 3 \qquad \qquad 3 \ 2 \ 4 \ 2 \qquad \qquad 4 \quad \ 4
--R
--R
            15b e x + 75a b e x + 150a b e x + 150a b e x + 75a b e x
--R
--R
              5 4
--R
           15a e
--R
          +----+
                         +-+ +----+
--R
          | 2
                        --R
--R
         \|a b e - b d atanh(-----)
                          +----+
--R
--R
                         \|- a e + b d
--R
--R
            4 4 4
                      3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4 +-----
         (15b \ e \ x \ + 60a \ b \ e \ x \ + 90a \ b \ e \ x \ + 60a \ b \ e \ x \ + 15a \ e \ ) \setminus | - \ a \ e \ + b \ d
--R
--R
--R
--R
                                 2 +----+
         --R
--R
         \|b \|b x + 2a b x + a atan(-----)
```

```
--R
                                 ae-bd
--R
          3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
        15b e x + (- 73a b e + 118b d e )x
--R
             2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
         (- 55a b e - 36a b d e + 136b d e)x - 15a e - 10a b d e
--R
--R
             2 2
                   3 3
--R
         - 8a b d e + 48b d
--R
--R
        --R
--R
        \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
            4 3 4 3 3 4 2 3
--R
         - 15b e x + (58a b e - 118b d e)x
--R
            2 2 3 3 2 4 2 2
--R
--R
         (128a b e - 82a b d e - 136b d e)x
--R
           3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3 3 2
--R
          (70a b e + 46a b d e - 128a b d e - 48b d )x + 15a e + 10a b d e
--R
--R
          2 2 2 3 3
--R
         8a b d e - 48a b d
--R
--R
--R
        +-----+
--R
--R
       \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|e x + d
--R /
          7 8 4 2 6 7 3
--R
--R
        (192a b e - 192b d)x + (768a b e - 768a b d)x
--R
                  2624435
                                             5 3 4 4
--R
          3 5
      (1152a b e - 1152a b d)x + (768a b e - 768a b d)x + 192a b e - 192a b d
--R
--R
--R
       +-----+ +-+ | 2 | 2 2
--R
--R
       \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|b x + 2a b x + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 1200
--S 1201 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)
--R
   3 3 2 2 2 3 | 2 2 2 3 4
--R
```

```
--R
       (e x + 3d e x + 3d e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a - b e x
--R
          3 2 3 2 2 2 3
--R
--R
      (-ae - 3bde)x + (-3ade - 3bde)x + (-3ade - bd)x - ad
--R /
                4 4 2 3 3
--R
                                 3 2 2 4
                                                 5 +----+
--R
        (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) | e x + d
--R
--R
         | 2 2 2
--R
--R
        --R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1201
)clear all
--S 1202 of 1618
t0:=(d+e*x)^(3/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                                   +----+
--R
                           (e x + d) | e x + d
--R
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a )\|b x + 2a b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1202
--S 1203 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2)/(b*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))-_
  1/8*e*sqrt(d+e*x)/(b^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-1/32*e^2*_
  (a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^2*(b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  3/64*e^4*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
  (b^{(5/2)}*(b*d-a*e)^{(5/2)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+_
  3/64*e^3*sqrt(d+e*x)/(b^2*(b*d-a*e)^2*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R.
--R
--R
     (2)
              4 4 4 3 4 3
--R
                                2 2 4 2
                                           3 4
--R
          (-3b e x - 12a b e x - 18a b e x - 12a b e x - 3a e)
--R
--R.
               +-+ +----+
--R.
              \b \ \ \ x + d
          atanh(-----)
--R
               +----+
--R
--R
              --R
             3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
           3b e x + (11a b e - 2b d e)x
```

```
--R
           2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
--R
         (- 11a b e + 44a b d e - 24b d e)x - 3a e - 2a b d e + 24a b d e
--R
--R
              3 3
--R
         - 16b d
--R
--R
         +----+
        \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R
--R /
--R
          252 6 723
--R
        (64a b e - 128a b d e + 64b d )x
--R
--R
           3 4 2 2 5
--R
        (192a b e - 384a b d e + 192a b d)x
--R
--R
          4 3 2 3 4
                            252 522 43 342
--R
       (192a b e - 384a b d e + 192a b d )x + 64a b e - 128a b d e + 64a b d
--R
--R
       +----+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
       \|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1203
--S 1204 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
            4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
          (3b e x + 12a b e x + 18a b e x + 12a b e x + 3a e)
--R
--R
                                                1 2
--R
                    2 +----+
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
        log(-----)
--R
                                b x + a
--R
            3 3 3 2 3
--R
--R
           6b e x + (22a b e - 4b d e )x
--R
--R
               2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
           (- 22a b e + 88a b d e - 48b d e)x - 6a e - 4a b d e
--R
              2 2 3 3
--R
           48a b d e - 32b d
--R
--R
          +----+
--R
```

```
2 +----+
--R
--R
          \|- a b e + b d \|e x + d
--R
             2 6 2 7 8 2 4
--R
         (128a b e - 256a b d e + 128b d )x
--R
--R
             3 5 2 2 6 7 2 3
--R
--R
         (512a b e - 1024a b d e + 512a b d )x
--R
--R
             4 4 2
                     3 5
                               2622
--R
         (768a b e - 1536a b d e + 768a b d )x
--R
                    4 4 3 5 2 6 2 2 5 3
             5 3 2
--R
--R
          (512a b e - 1024a b d e + 512a b d )x + 128a b e - 256a b d e
--R
--R
           4 4 2
--R
         128a b d
--R
         +----
--R
--R
--R
        \ |-abe+bd
--R
--R
           4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
          (3b e x + 12a b e x + 18a b e x + 12a b e x + 3a e )
--R
--R
             2 +----+
--R
--R
             \|a b e - b d \|e x + d
--R
          atan(-----)
--R
                  ae-bd
--R
            3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
          3b e x + (11a b e - 2b d e)x
--R
              2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
           (- 11a b e + 44a b d e - 24b d e)x - 3a e - 2a b d e
--R
--R
              2 2 3 3
--R
--R
           24a b d e - 16b d
--R
--R
--R.
          2 +----+
--R
          --R
                   7
--R
            262
                             8 2 4
--R
          (64a b e - 128a b d e + 64b d)x
--R
             3 5 2 2 6 7 2 3
--R
--R
          (256a b e - 512a b d e + 256a b d)x
```

```
--R
            4 4 2 3 5 2 6 2 2
--R
--R
         (384a b e - 768a b d e + 384a b d )x
--R
--R
              5 3 2 4 4 3 5 2 6 2 2 5 3
--R
          (256a b e - 512a b d e + 256a b d)x + 64a b e - 128a b d e
--R
--R
           4 4 2
--R
         64a b d
--R
--R
         1 2
--R
--R
        \|a b e - b d
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1204
--S 1205 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
          4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4 +-----+
--R
        (3b e x + 12a b e x + 18a b e x + 12a b e x + 3a e ) | - a e + b d
--R
--R
--R
         +-+ | 2 2 2
--R
--R
        \|b \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                               1 2
--R
                    2 +----+
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
        log(-----)
--R
                                 bx + a
--R
          5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4 5 4
--R
--R
         (6b e x + 30a b e x + 60a b e x + 60a b e x + 30a b e x + 6a e)
--R
--R
         +----+
                         +-+ +----+
         | 2
--R
                        \b \leq x + d
--R
        \|- a b e + b d atanh(-----)
--R
                         +----+
--R
                         \|- a e + b d
--R
--R
           3 3 3 2 3 3 2 2
--R
         6b e x + (22a b e - 4b d e)x
--R
--R
             2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
         (- 22a b e + 88a b d e - 48b d e)x - 6a e - 4a b d e + 48a b d e
--R
--R
```

```
--R
           3 3
--R
          - 32b d
--R
--R
         2 +-----+ +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
         \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                        3 3 4 2 3
          - 6b e x + (- 28a b e + 4b d e )x + (- 84a b d e + 48b d e)x
--R
--R
            3 3 2 2 2 4 3 4 3 3 2 2 2 2
--R
          (28a b e - 84a b d e + 32b d )x + 6a e + 4a b d e - 48a b d e
--R
--R
--R
             3 3
--R
         32a b d
--R
--R
         2 +-----+
--R
--R
         \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
--R
           262 7
--R
         (128a b e - 256a b d e + 128b d )x
--R
--R
            3 5 2 2 6 7 2 3
--R
         (512a b e - 1024a b d e + 512a b d)x
--R
            4 4 2 3 5 2 6 2 2
--R
--R
         (768a b e - 1536a b d e + 768a b d )x
--R
            5 3 2 4 4 3 5 2 6 2 2 5 3
--R
--R
         (512a b e - 1024a b d e + 512a b d )x + 128a b e - 256a b d e
--R
--R
           4 4 2
--R
        128a b d
--R
--R
        2 +-----+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
       \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1205
--S 1206 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)
                3 2 2 2 2 2 2 2 3
--R
--R
            ((2a b e - 2b d e)x + (4a b d e - 4b d e)x + 2a b d e - 2b d)
--R
--R
            +----+
```

```
--R
         \|e x + d
--R
--R
             3 3 2 2 2 2 2
--R
            b e x + (- a e + 4b d e )x + (- 2a d e + 5b d e)x - a d e
--R
--R
              3
--R
           2b d
--R
--R
           1 2
--R
--R
          --R
--R
         1 2 2 2
--R
--R
        --R
--R
             23 3 23 2 3 2 2 3 2 2
--R
         (- 2a b e + 2b d e )x + (- 2a b e - 2a b d e + 4b d e)x
--R
--R
           2 2 22 33 22 23
--R
         (- 4a b d e + 2a b d e + 2b d )x - 2a b d e + 2a b d
--R
        +----+
--R
--R
        --R
--R
          2 3 4 2 2 3 2 3 2 2 2 2
--R
         -bex - 4bdex + (ae - 2abde - 5bde)x
--R
           2 2 2
--R
                        2 3
                             2 2 3
--R
         (2a d e - 4a b d e - 2b d )x + a d e - 2a b d
--R
--R
--R
--R
        \|- a b e + b d
--R /
          6 6 5 6 5 2 4 5 4 2 4 3
--R
--R
          b e x + (4a b e + 2b d)x + (5a b e + 10a b d)x + 20a b d x
--R
                              5
                                     4 2
             4 2 3 3 2
--R
          (-5a b e + 20a b d)x + (-4a b e + 10a b d)x - a e + 2a b d
--R
--R
--R
--R.
         2 +----+
--R
         \|- a b e + b d \|e x + d
--R
          6 2 7 6 2 5 2
                                 6 725
--R
--R
        (2a b e - 2b d e)x + (10a b e - 8a b d e - 2b d)x
--R
          3 4 2 2 5 6 2 4 4 3 2 2 5 2 3
--R
--R
        (20a b e - 10a b d e - 10a b d )x + (20a b e - 20a b d )x
```

```
--R
         5 2 2 4 3 3 4 2 2 6 2 5 2 4 3 2
--R
--R
       (10a b e + 10a b d e - 20a b d )x + (2a b e + 8a b d e - 10a b d )x
--R
        6 5 2 2
--R
--R
        2a b d e - 2a b d
--R
--R
       +----+
       | 2 2 2
--R
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 1206
--S 1207 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R.
--R (6)
         5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4 5 4
--R
--R
        (3b e x + 15a b e x + 30a b e x + 30a b e x + 15a b e x + 3a e)
--R
                      +-+ +----+
--R
--R
        | 2 \|b \|e x + d
--R
        \|a b e - b d atanh(-----)
--R
                      +----+
--R
                      \|- a e + b d
--R
--R
         4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4 +-----+
--R
        (3b e x + 12a b e x + 18a b e x + 12a b e x + 3a e ) \ | - a e + b d
--R
--R
                            2 +----+
--R
         --R
--R
        \|b \|b x + 2a b x + a atan(-----)
--R
                                 ae-bd
--R
--R
          3 3 3 2 3 3 2 2
--R
         3b e x + (11a b e - 2b d e)x
--R
            2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
         (- 11a b e + 44a b d e - 24b d e)x - 3a e - 2a b d e + 24a b d e
--R
--R
--R
            3 3
         - 16b d
--R
--R
--R
                     +----+
                                     +----+
        +-----+ +-+ | 2 +-----+ | 2 2
--R
--R
        \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
            4 3 4 3 3 4 2 3 3 2 4 2 2
```

```
--R
         - 3b e x + (- 14a b e + 2b d e )x + (- 42a b d e + 24b d e)x
--R
--R
           3 3 2 2 2 4 3 4 3 3 2 2 2 2 2
--R
          (14a b e - 42a b d e + 16b d )x + 3a e + 2a b d e - 24a b d e
--R
--R
             3 3
--R
         16a b d
--R
--R
        --R
--R
        \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|e x + d
--R /
          262 7
                            8 2 4
--R
--R
        (64a b e - 128a b d e + 64b d )x
--R
--R
           3 5 2 2 6
                           7 2 3
--R
        (256a b e - 512a b d e + 256a b d)x
--R
--R
           4 4 2 3 5 2 6 2 2
--R
        (384a b e - 768a b d e + 384a b d )x
--R
         5 3 2 4 4 3 5 2 6 2 2 5 3 4 4 2
--R
--R
       (256a b e \, - 512a b d e + 256a b d )x + 64a b e \, - 128a b d e + 64a b d
--R
                     +----+
--R
       +-----+ +-+ | 2 | 2 2
--R
--R
       \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1207
--S 1208 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7)
--R
                   2 | 2 2 2 2 2 2
--R
       2 2
       (e x + 2d e x + d) | b x + 2a b x + a - b e x + (-a e - 2b d e) x
--R
--R
--R
                  2
--R
       (- 2a d e - b d )x - a d
--R /
--R
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +-----+
--R
       (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) | e x + d
--R
       +----+
--R
       | 2 2 2
--R
       \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1208
```

```
)clear all
--S 1209 of 1618
t0:=(d+e*x)^(1/2)/(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
--R
                                                                                             \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
--R
                                                    3 3 2 2 2 3
                                                                                                                      4 | 2 2
--R
                            (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1209
--S 1210 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*(d+e*x)^{(3/2)}/((b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(5/2)})+\_
       5/24*e*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))+_
       5/96*e^2*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)^2*(a^2+2*a*b*x+_
       b^2*x^2(3/2))+5/64*e^4*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
       sqrt(b*d-a*e))/(b^(3/2)*(b*d-a*e)^(7/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
       b^2*x^2)-5/64*e^3*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)^3*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
               (2)
--R
--R
                                                                  3 4 3 2 2 4 2 3 4
--R
                              (-15b e x - 60a b e x - 90a b e x - 60a b e x - 15a e)
--R
--R
                                               +-+ +----+
--R
                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                              atanh(-----)
                                               +----+
--R
--R
                                             \ |-ae+bd
--R
                                          3 3 3 2 3
--R
                                                                                                3 2 2
--R
                                  15b e x + (55a b e - 10b d e)x
--R
                                                                    2 2 3 2
                                                                                                                                                         2 2
--R
                                                                                                                                  3 3
--R
                                    (73a b e - 36a b d e + 8b d e)x - 15a e + 118a b d e - 136a b d e
--R
--R
                                          3 3
--R.
                                  48b d
--R
--R
                                +----+
--R
                              \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
--R
                                          3 4 3
                                                                     2 5 2 6 2
                              (192a b e - 576a b d e + 576a b d e - 192b d)x
--R
--R
```

```
4 3 3 3 4 2 2 5 2 6 3 2
--R
--R
         (576a b e - 1728a b d e + 1728a b d e - 576a b d )x
--R
--R
            5 2 3 4 3 2
                                 3 4 2
                                          2 5 3
         (576a b e - 1728a b d e + 1728a b d e - 576a b d)x + 192a b e
--R
--R
             5 2 2 4 3 2 3 4 3
--R
--R
         - 576a b d e + 576a b d e - 192a b d
--R
--R
--R
       +-----+ +-+ | 2 2 2
--R
       --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1210
--S 1211 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
            4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
          (15b e x + 60a b e x + 90a b e x + 60a b e x + 15a e)
--R
--R
                                                1 2
                     2 +----+
--R
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                 bx + a
--R
             3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
           30b e x + (110a b e - 20b d e)x
--R
              2 3 2 2 3 2 3 3 2
--R
--R
           (146a b e - 72a b d e + 16b d e)x - 30a e + 236a b d e
--R
                2 2
--R
                       3 3
--R
           - 272a b d e + 96b d
--R
--R
           2 +----+
--R
--R
          \|- a b e + b d \|e x + d
--R
--R
              3 5 3 2 6 2
                                   7 2 8 3 4
--R
          (384a b e - 1152a b d e + 1152a b d e - 384b d )x
--R
--R
              4 4 3 3 5 2 2 6 2
--R
          (1536a b e - 4608a b d e + 4608a b d e - 1536a b d )x
--R
--R
              5 3 3 4 4 2 3 5 2 2 6 3 2
```

```
--R
         (2304a b e - 6912a b d e + 6912a b d e - 2304a b d )x
--R
--R
              --R
          (1536a b e - 4608a b d e + 4608a b d e - 1536a b d)x + 384a b e
--R
              6 2 2 5 3 2
--R
                                 4 4 3
--R
         - 1152a b d e + 1152a b d e - 384a b d
--R
--R
        1 2
--R
--R
        --R
--R
            4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4
--R
         (15b e x + 60a b e x + 90a b e x + 60a b e x + 15a e )
--R
--R
--R
             | 2 +----+
--R
--R
            --R
          atan(-----)
--R
                 ae-bd
--R
            3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
          15b e x + (55a b e - 10b d e )x
--R
             2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
           (73a b e - 36a b d e + 8b d e)x - 15a e + 118a b d e
--R
--R
                2 2
                    3 3
--R
          - 136a b d e + 48b d
--R
--R
          +----+
          2 +----+
--R
--R
          \|a b e - b d \|e x + d
--R
            3 5 3 2 6 2
                                7 2 8 3 4
--R
--R
          (192a b e - 576a b d e + 576a b d e - 192b d )x
--R
                                          7 3 3
            4 4 3 3 5 2 2 6 2
--R
--R
          (768a b e - 2304a b d e + 2304a b d e - 768a b d)x
--R
             5 3 3 4 4 2 3 5 2
--R
                                        2632
--R
          (1152a b e - 3456a b d e + 3456a b d e - 1152a b d)x
--R
--R
            6 2 3 5 3 2 4 4 2 3 5 3
          (768a b e - 2304a b d e + 2304a b d e - 768a b d)x + 192a b e
--R
--R
--R
             6 2 2 5 3 2
                               4 4 3
--R
         - 576a b d e + 576a b d e - 192a b d
--R
```

```
--R
         | 2
--R
--R
         \|a b e - b d
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1211
--S 1212 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
           4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4 +-----+
--R
--R
         (15b e x + 60a b e x + 90a b e x + 60a b e x + 15a e) | - a e + b d
--R
--R
--R
         +-+ | 2 2 2
--R
         \|b \|b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
                     2 +----+
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                  b x + a
--R
            5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4
--R
--R
          30b e x + 150a b e x + 300a b e x + 300a b e x + 150a b e x
--R
--R
            5 4
--R
          30a e
--R
          +----+
--R
                          +-+ +----+
         1 2
--R
                         \b \leq x + d
--R
         \|- a b e + b d atanh(-----)
--R
                           +----+
--R
                          \|- a e + b d
--R
            3 3 3
                        2 3 3 2 2
--R
          30b e x + (110a b e - 20b d e)x
--R
--R
             2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
          (146a b e - 72a b d e + 16b d e)x - 30a e + 236a b d e
--R
--R.
                2 2 3 3
--R
--R
          - 272a b d e + 96b d
--R
--R
         2 +-----+ +-+ +-----+ | 2 2 2
--R
         \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
```

```
4 3 4 3 3 4 2 3
--R
          -30b e x + (-140a b e + 20b d e)x
--R
--R
               2 2 3 3 2
--R
                               4 2 2
--R
          (- 256a b e + 92a b d e - 16b d e)x
--R
                      2 2 2 3 2 4 3 4 3
--R
               3 3
--R
         (- 116a b e - 164a b d e + 256a b d e - 96b d )x + 30a e
--R
--R
             3 2 222
                                  3 3
          - 236a b d e + 272a b d e - 96a b d
--R
--R
--R
         2 +-----+
--R
--R
        \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
--R
            3 5 3 2 6 2
                                 7 2 8 3 4
--R
        (384a b e - 1152a b d e + 1152a b d e - 384b d )x
--R
--R
            4 4 3 3 5 2 2 6 2
--R
        (1536a b e - 4608a b d e + 4608a b d e - 1536a b d)x
--R
--R
             5 3 3 4 4 2 3 5 2
--R
        (2304a b e - 6912a b d e + 6912a b d e - 2304a b d )x
--R
             623 532 442 353 73
--R
--R
        (1536a b e - 4608a b d e + 4608a b d e - 1536a b d )x + 384a b e
--R
--R
              6 2 2 5 3 2 4 4 3
--R
        - 1152a b d e + 1152a b d e - 384a b d
--R
--R
                                +----+
       --R
--R
       \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1212
--S 1213 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R.
               2 2
                                   2 2 +----+
--R
         ((2a b e - 2b d e)x + 2a b d e - 2b d) | e x + d
--R
--R
                                          2 |
--R
             2 2 2
         (b e x + (- a e + 3b d e)x - a d e + 2b d )\|- a b e + b d
--R
--R
--R
         +----+
```

```
| 2 2 2
--R
--R
                          --R
                                         2 2 3 2 2 3 2 2 2 2 2
--R
--R
                          ((- 2a b e + 2b d e)x + (- 2a b e + 2b d )x - 2a b d e + 2a b d )
--R
--R
                            +----+
--R
                         \leq x + d
--R
                                2 2 3 2 2 2 2 2
--R
                                                                                                                           2 2
                                                                                                                                               2
--R
                         (- b e x - 3b d e x + (a e - 2a b d e - 2b d )x + a d e - 2a b d )
--R
--R
                            1 2
--R
--R
                          \|- a b e + b d
--R /
--R
                                   6 6 5 6 5 2 4 5 4 2 4 3
--R
                                b e x + (4a b e + 2b d)x + (5a b e + 10a b d)x + 20a b d x
--R
                                            4 2 3 3 2 5 4 2
--R
--R
                                (-5abe+20abd)x+(-4abe+10abd)x-ae+2abd
--R
--R
--R
                                 2 +----+
--R
                               \|- a b e + b d \|e x + d
--R
                                   6 2 7 6 2 5 2 6 7 2 5
--R
--R
                          (2a b e - 2b d e)x + (10a b e - 8a b d e - 2b d )x
--R
                                   3 4 2 2 5 6 2 4 4 3 2 2 5 2 3
--R
--R
                         (20a b e - 10a b d e - 10a b d )x + (20a b e - 20a b d )x
--R
                                                                                    3 4 2 2 6 2 5 2 4 3 2
--R
                                   5 2 2
                                                       4 3
--R
                         (10a b e + 10a b d e - 20a b d )x + (2a b e + 8a b d e - 10a b d )x
--R
                            6
--R
                                                   5 2 2
--R
                        2a b d e - 2a b d
--R
                       +----+
--R
                        | 2 2 2
--R
--R
                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1213
--S 1214 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
                                          5 \ 4 \ 5 \qquad \qquad 4 \ 4 \ 4 \qquad \qquad 2 \ 3 \ 4 \ 3 \qquad \qquad 3 \ 2 \ 4 \ 2 \qquad \qquad 4 \quad 4
--R
```

```
--R
         15b e x + 75a b e x + 150a b e x + 150a b e x + 75a b e x
--R
--R
          5 4
--R
         15a e
--R
        +----+
                     +-+ +----+
--R
                    \|b \|e x + d
        1 2
--R
--R
        \|a b e - b d atanh(-----)
--R
--R
                     \|- a e + b d
--R
         4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4 +-----
--R
--R
        (15b e x + 60a b e x + 90a b e x + 60a b e x + 15a e) \ | -a e + b d
--R
--R
--R
                            2 +----+
--R
        --R
       \|b \|b x + 2a b x + a atan(-----)
                              a e - b d
--R
--R
          3 3 3 2 3 3 2 2
--R
        15b e x + (55a b e - 10b d e )x
--R
--R
--R
          2 3 2 2 3 2 3 3 2 2 2 2 2
--R
         (73a b e - 36a b d e + 8b d e)x - 15a e + 118a b d e - 136a b d e
--R
--R
           3 3
--R
         48b d
--R
--R
                    +----+
        +-----+ +-+ | 2 +-----+ | 2 2
--R
--R
       \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
            434 33 423
--R
--R
         -15b e x + (-70a b e + 10b d e)x
--R
--R
             2 2 3 3 2 4 2 2
--R
         (- 128a b e + 46a b d e - 8b d e)x
--R
                                     4 3 4 3
--R
            3 3 2 2 2 3 2
--R
         (- 58a b e - 82a b d e + 128a b d e - 48b d )x + 15a e
--R
--R
            3 2 222 33
         - 118a b d e + 136a b d e - 48a b d
--R
--R
--R
                    +----+
        --R
--R
        \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|e x + d
--R /
--R
           3 5 3 2 6 2 7 2 8 3 4
```

```
--R
                         (192a b e - 576a b d e + 576a b d e - 192b d )x
--R
--R
                                     4 4 3 3 5 2 2 6 2 7 3 3
--R
                          (768a b e - 2304a b d e + 2304a b d e - 768a b d )x
--R
                                       5 3 3 4 4 2
--R
                                                                                                   3 5 2
                                                                                                                                   2632
--R
                          (1152a b e - 3456a b d e + 3456a b d e - 1152a b d )x
--R
                                   623 532 442 353 73
--R
--R
                         (768a b e - 2304a b d e + 2304a b d e - 768a b d )x + 192a b e
--R
                                    6 2 2 5 3 2
--R
                                                                                             4 4 3
                        - 576a b d e + 576a b d e - 192a b d
--R
--R
--R
                                                               +----+
--R
                       +-----+ +-+ | 2 | 2 2
--R
                      \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1214
--S 1215 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)
--R
                                       1 2 2 2
--R
--R
             (e x + d) \setminus |b x + 2a b x + a - b e x + (-ae - bd)x - ad
--R /
                         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +----+
--R
--R
                     (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) | e x + d
--R
--R
                     +----+
                      | 2 2 2
--R
--R
                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1215
)clear all
--S 1216 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^{(1/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(5/2)})
--R.
--R
--R (1)
--R
--R
--R
              4 4 3 3 2 2 2 3 4 +-----+ | 2 2 2
--R
--R (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a )\|e x + d \|b x + 2a b x + a
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1216
--S 1217 of 1618
r0:=-1/4*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))+_
  7/24*e*sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
  35/96*e^2*(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2)^(3/2)-35/64*e^4*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
  sqrt(b*d-a*e))/((b*d-a*e)^(9/2)*sqrt(b)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
  b^2*x^2)+35/64*e^3*sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)^4*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
     (2)
--R
--R
               4 4 4 3 4 3 2 2 4 2
                                               3 4
          (-105b e x - 420a b e x - 630a b e x - 420a b e x - 105a e)
--R
--R
--R.
               +-+ +----+
--R
              \b \ \ \ x + d
--R
         atanh(-----)
               +----+
--R
--R
              \ |-ae+bd
--R
              3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
           105b e x + (385a b e - 70b d e)x
--R
               2 3 2 2 3 2 3 3 2
--R
--R
           (511a b e - 252a b d e + 56b d e)x + 279a e - 326a b d e
--R
--R
                2 2
                      3 3
--R.
           200a b d e - 48b d
--R
          +----+
--R
--R
         --R /
--R
             4 3 4
                      3 4 3
                                    2 5 2 2
                                                6 3
                                                          7 4 3
--R
         (192a b e - 768a b d e + 1152a b d e - 768a b d e + 192b d )x
--R
--R
                      4 3 3
                                    3 4 2 2
                                                2 5 3
             5 2 4
--R
          (576a b e - 2304a b d e + 3456a b d e - 2304a b d e + 576a b d )x
--R
             6 4
--R
                       5 2 3 4 3 2 2
                                                3 4 3
          (576a b e - 2304a b d e + 3456a b d e - 2304a b d e + 576a b d )x
--R
--R.
                               5 2 2 2
--R.
            7 4
                   6
                         3
                                           4 3 3
--R
         192a e - 768a b d e + 1152a b d e - 768a b d e + 192a b d
--R
                        +----+
--R
--R
        +----+ +-+ | 2 2
--R
        --R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--Е 1217
--S 1218 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
              4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
           (105b e x + 420a b e x + 630a b e x + 420a b e x + 105a e)
--R
--R
                     2 +----+
--R
--R
           (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                   b x + a
--R
              3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
            210b e x + (770a b e - 140b d e)x
--R
               2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
            (1022a b e - 504a b d e + 112b d e)x + 558a e - 652a b d e
--R
--R
                2 2 3 3
--R
            400a b d e - 96b d
--R
--R
           2 +----+
--R
--R
           \|- a b e + b d \|e x + d
--R
              4 4 4 3 5 3 2 6 2 2 7 3 8 4 4
--R
--R
           (384a b e - 1536a b d e + 2304a b d e - 1536a b d e + 384b d)x
--R
                   5 3 4 4 4 3 3 5 2 2 2 6 3
--R
--R
               1536a b e - 6144a b d e + 9216a b d e - 6144a b d e
--R
--R
                    74
--R
               1536a b d
--R
--R
             3
--R
            X
--R
--R
                 6 2 4 5 3 3 4 4 2 2 3 5 3
--R
              2304a b e - 9216a b d e + 13824a b d e - 9216a b d e
--R
--R
                  2 6 4
--R
             2304a b d
--R
--R
             2
--R
            x
```

```
--R
               7 4 623 5322 443
--R
--R
              1536a b e - 6144a b d e + 9216a b d e - 6144a b d e
--R
--R
                  3 5 4
--R
              1536a b d
--R
--R
--R
            8 4 7 3 6 2 2 2 5 3 3 4 4 4
--R
--R
          384a e - 1536a b d e + 2304a b d e - 1536a b d e + 384a b d
--R
--R
--R
--R
        \|- a b e + b d
--R
--R
--R
             4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
          (105b e x + 420a b e x + 630a b e x + 420a b e x + 105a e)
--R
--R
--R
              2 +----+
--R
              \|a b e - b d \|e x + d
          atan(-----)
--R
               a e - b d
--R
--R
             3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
           105b e x + (385a b e - 70b d e )x
--R
               2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
            (511a b e - 252a b d e + 56b d e)x + 279a e - 326a b d e
--R
--R
               2 2
                      3 3
--R
           200a b d e - 48b d
--R
--R
           2 +----+
--R
--R
          \|a b e - b d \|e x + d
--R
             444 35 3
                               2622 73
--R
--R
          (192a b e - 768a b d e + 1152a b d e - 768a b d e + 192b d )x
--R
--R
             5 3 4 4 4 3 3 5 2 2 2 6 3
                                                    7 4 3
--R
          (768a b e - 3072a b d e + 4608a b d e - 3072a b d e + 768a b d )x
--R
--R
                  6 2 4
                         5 3 3 4 4 2 2
--R
              1152a b e - 4608a b d e + 6912a b d e - 4608a b d e
--R
--R
                  264
--R
              1152a b d
```

```
--R
--R
                                    2
--R
                                 x
--R
                                     7 4 6 2 3 5 3 2 2 4 4 3 3 5 4
--R
--R
                                 (768a b e - 3072a b d e + 4608a b d e - 3072a b d e + 768a b d)x
--R
                                        8 4 7 3 6 2 2 2 5 3 3 4 4 4
--R
                               192a e - 768a b d e + 1152a b d e - 768a b d e + 192a b d
--R
--R
--R
                              1 2
--R
--R
                           \|a b e - b d
--R
--R
                                                                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1218
--S 1219 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
                                   4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
                           (105b e x + 420a b e x + 630a b e x + 420a b e x + 105a e)
--R
--R
                            +-----+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
                           \|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                     1 2
--R
                                                                 2 +----+
--R
                                     (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
                           log(-----)
--R
                                                                                                         bx + a
--R
                                        5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4
--R
--R
                                210b e x + 1050a b e x + 2100a b e x + 2100a b e x + 1050a b e x
--R
--R
                                      5 4
--R
                               210a e
--R
--R
                                                                               +-+ +----+
                            | 2
--R.
                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
                            \|- a b e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                +----+
--R
--R
                                                                               \|- a e + b d
--R
                                       3 3 3 2 3 3 2 2
--R
                              210b e x + (770a b e - 140b d e )x
--R
--R
```

```
2 3 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
          (1022a b e - 504a b d e + 112b d e)x + 558a e - 652a b d e
--R
                   3 3
--R
              2 2
--R
         400a b d e - 96b d
--R
--R
        2 +-----+ +-+ +-----+ | 2 2
--R
--R
        \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
              4 3 4 3 3 4 2 3
--R
         - 210b e x + (- 980a b e + 140b d e )x
--R
--R
               2 2 3 3 2
--R
                                 4 2 2
         (- 1792a b e + 644a b d e - 112b d e)x
--R
--R
--R
               3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3
--R
         (- 1580a b e + 1156a b d e - 512a b d e + 96b d )x - 558a e
--R
           3 2 222 33
--R
--R
          652a b d e - 400a b d e + 96a b d
--R
--R
--R
         2 +-----+
        \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R
--R /
            4 4 4 3 5 3 2 6 2 2 7 3 8 4 4
--R
--R
        (384a b e - 1536a b d e + 2304a b d e - 1536a b d e + 384b d)x
--R
--R
            5 3 4 4 4 3 3 5 2 2 2 6 3 7 4 3
--R
        (1536a b e - 6144a b d e + 9216a b d e - 6144a b d e + 1536a b d )x
--R
                6 2 4 5 3 3 4 4 2 2 3 5 3
--R
--R
            2304a b e - 9216a b d e + 13824a b d e - 9216a b d e
--R
--R
                2 6 4
--R
            2304a b d
--R
--R
          2
--R
          X
--R
--R
            7 4 6 2 3 5 3 2 2 4 4 3 3 5 4
--R
        (1536a b e - 6144a b d e + 9216a b d e - 6144a b d e + 1536a b d)x
--R
--R
          8 4 7 3 6 2 2 2 5 3 3 4 4 4
--R
        384a e - 1536a b d e + 2304a b d e - 1536a b d e + 384a b d
--R
--R
                                +----+
       2 +-----+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
       \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1219
--S 1220 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5)
--R
--R
                   2 +----+
--R
         ((2a b e - 2b d)|e x + d + (b e x - a e + 2b d)|- a b e + b d)
--R
--R
         | 2 2 2
--R
        \|b x + 2a b x + a
--R
--R
--R
            2 3 2
                                 2 +----+
--R
       ((-2a b e + 2b d)x - 2a b e + 2a b d) | e x + d
--R
--R
         2 2 2 2
--R
                                 | 2
        (-b e x - 2b d x + a e - 2a b d) = a b e + b d
--R
--R /
--R
            6 6 5 6 5 2 4 5 4 2 4 3
           b e x + (4a b e + 2b d)x + (5a b e + 10a b d)x + 20a b d x
--R
--R
                                       4 2
--R
               4 2 3 3 2 5
--R
            (-5a b e + 20a b d)x + (-4a b e + 10a b d)x - a e + 2a b d
--R
--R
           2 +----+
--R
--R
          \|- a b e + b d \|e x + d
--R
            6 2 7 6 2 5 2 6 7 2 5
--R
--R
         (2a b e - 2b d e)x + (10a b e - 8a b d e - 2b d )x
--R
--R
                   2 5
                              6 2 4
           3 4 2
                                       4 3 2 2 5 2 3
         (20a b e - 10a b d e - 10a b d )x + (20a b e - 20a b d )x
--R
--R
                                       6 2 5 2
--R
                   4 3
                             3 4 2 2
--R
         (10a b e + 10a b d e - 20a b d )x + (2a b e + 8a b d e - 10a b d )x
--R
--R.
          6
                 5 2 2
--R
         2a b d e - 2a b d
--R
        +----+
--R
        | 2 2 2
--R
--R
       --R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1220
```

```
--S 1221 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
   (6)
--R
           5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2 4 4
--R
--R
         105b e x + 525a b e x + 1050a b e x + 1050a b e x + 525a b e x
--R
--R
           5 4
--R
         105a e
--R
                      +-+ +----+
--R
                    \|b \|e x + d
         1 2
--R
--R
        \|a b e - b d atanh(-----)
--R
                      +----+
--R
                      \|- a e + b d
--R
                     3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
           4 4 4
--R
        (105b e x + 420a b e x + 630a b e x + 420a b e x + 105a e)
--R
--R
                                       2 +----+
--R
--R
        --R
        \|- a e + b d \|b \|b x + 2a b x + a atan(-----)
--R
--R
            3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
         105b e x + (385a b e - 70b d e )x
--R
             2 3 2 2 3 2 3 3 2 2
--R
--R
          (511a b e - 252a b d e + 56b d e)x + 279a e - 326a b d e
--R
             2 2 3 3
--R
--R
         200a b d e - 48b d
--R
--R
--R
        +-----+ +-+ | 2 +-----+ | 2 2
--R
        \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                    3 3 4 2 3
         -105b e x + (-490a b e + 70b d e)x
--R
--R
              2 2 3 3 2 4 2 2
--R
--R
         (- 896a b e + 322a b d e - 56b d e)x
--R
             3 3 2 2 2 3 2 4 3 4 3
--R
--R
         (- 790a b e + 578a b d e - 256a b d e + 48b d )x - 279a e
--R
            3 2 222 33
--R
```

```
--R
         326a b d e - 200a b d e + 48a b d
--R
--R
         +----+ +-+ | 2 +----+
--R
--R
        \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|e x + d
--R /
            4 4 4 3 5 3 2 6 2 2 7 3 8 4 4
--R
--R
         (192a b e - 768a b d e + 1152a b d e - 768a b d e + 192b d )x
--R
--R
            5 3 4
                    4 4 3 3 5 2 2
                                              263
         (768a \ b \ e \ - 3072a \ b \ d \ e \ + 4608a \ b \ d \ e \ - 3072a \ b \ d \ e \ + 768a \ b \ d \ )x
--R
--R
                     5 3 3 4 4 2 2 3 5 3
--R
             6 2 4
--R
         (1152a b e - 4608a b d e + 6912a b d e - 4608a b d e + 1152a b d )x
--R
--R
            7 4
                    6 2 3 5 3 2 2 4 4 3 3 5 4
--R
         (768a b e - 3072a b d e + 4608a b d e - 3072a b d e + 768a b d )x
--R
           8 4 7 3 6 2 2 2 5 3 3 4 4 4
--R
--R
        192a e - 768a b d e + 1152a b d e - 768a b d e + 192a b d
--R
                      +----+
--R
        +-----+ +-+ | 2 | 2 2
--R
--R
       \|- a e + b d \|b \|a b e - b d \|b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1221
--S 1222 of 1618
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
--R (7)
--R
      | 2 2 2
--R
      --R /
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +----+
--R
--R
      (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) | e x + d
--R
--R
        | 2 2
--R
       \| b x + 2a b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1222
)clear all
--S 1223 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^{(3/2)}*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^{(5/2)})
--R
```

```
--R
              (1)
--R
--R
                  1
--R /
                               4 5 3 4 4
                                                                                                    2 2 3 3 3
--R
                                                                                                                                                                                     2 2 2
--R
                             b e x + (4a b e + b d)x + (6a b e + 4a b d)x + (4a b e + 6a b d)x
--R
--R
                             (a e + 4a b d)x + a d
--R
--R
--R
                          +----+ | 2 2
--R
                        --R
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 1223
--S 1224 of 1618
r0:=1/4*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2)*sqrt(d+e*x))+_
       3/8*e/((b*d-a*e)^2*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x))-_
       21/32*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2)*_
       sqrt(d+e*x))-315/64*e^4*(a+b*x)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
       \sqrt(b*d-a*e))*\sqrt(b)/((b*d-a*e)^(11/2)*\sqrt(a^2+2*a*b*x+_
       b^2*x^2))+105/64*e^3/((b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+_
       b^2*x^2)+315/64*e^4*(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*sqrt(d+e*x)*_
       sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
              (2)
--R
                                         4 4 4
                                                                             3 4 3
                                                                                                              2 2 4 2
                                                                                                                                       3 4
--R
                             (315b \ e \ x + 1260a \ b \ e \ x + 1890a \ b \ e \ x + 1260a \ b \ e \ x + 315a \ e \ ) \setminus | \ b
--R
--R
                                                                      +-+ +----+
--R
                               +----+
                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                             \|e x + d atanh(-----)
                                                                      +----+
--R
--R
                                                                    \|- a e + b d
--R
                                                                                           3 4
--R
                                                4 4 4
--R
                                  -315b e x + (-1155a b e - 105b d e)x
--R
--R
                                                     2 2 4
                                                                                    3 3
                                  (- 1533a b e - 399a b d e + 42b d e )x
--R
--R.
--R.
                                                          4
                                                                                2 2 3
                                                                                                                       3 2 2
                                                                                                                                                  4 3
--R
                                  (-837a b e -555a b d e + 156a b d e - 24b d e)x - 128a e
--R
--R
                                                               3
                                                                                   2 2 2 2
                                                                                                                    3 3
                                  - 325a b d e + 210a b d e - 88a b d e + 16b d
--R
--R
--R
                               +----+
```

```
--R
        \|- a e + b d
--R /
--R
             5 3 5 4 4 4 3 5 2 3 2 6 3 2 7 4
--R
            64a b e -320a b d e +640a b d e -640a b d e +320a b d e
--R
--R
              8 5
--R
          - 64b d
--R
--R
          3
--R
          х
--R
              6 2 5 5 3 4 4 4 2 3 3 5 3 2 2 6 4
--R
           192a b e - 960a b d e + 1920a b d e - 1920a b d e + 960a b d e
--R
--R
--R
                 7 5
--R
           - 192a b d
--R
--R
           2
--R
          X
--R
             7 5 6 2 4 5 3 2 3 4 4 3 2 3 5 4
--R
--R
           192a b e - 960a b d e + 1920a b d e - 1920a b d e + 960a b d e
--R
--R
             265
--R
            - 192a b d
--R
--R
          X
--R
--R
         85 7 4 6223 5332 444 355
--R
       64a e - 320a b d e + 640a b d e - 640a b d e + 320a b d e - 64a b d
--R
--R
                         +----+
       +-----+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
       \|- a e + b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1224
--S 1225 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
             4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
          (315b e x + 1260a b e x + 1890a b e x + 1260a b e x + 315a e)
--R
--R
           +----+
--R
           b +----+
           |- ----- \|e x + d
--R
--R
          \| a e - b d
```

```
--R
--R
--R
                        l b +----+
--R
             (- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                \| a e - b d
--R
          log(-----)
--R
                                b x + a
--R
           4 4 4 3 4 4 3 3
--R
--R
        -630b e x + (-2310a b e -210b d e)x
--R
             2 2 4 3 3
                               4 2 2 2
--R
        (- 3066a b e - 798a b d e + 84b d e )x
--R
--R
--R
             3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
        (-1674a b e - 1110a b d e + 312a b d e - 48b d e)x - 256a e
--R
           3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
--R
        - 650a b d e + 420a b d e - 176a b d e + 32b d
--R
--R
               5 4 5
                      45 4 3623 2732
--R
            128a b e - 640a b d e + 1280a b d e - 1280a b d e
--R
--R
                8 4 9 5
--R
             640a b d e - 128b d
--R
--R
            4
--R
           x
--R
                6 3 5 5 4 4 4 5 2 3 3 6 3 2
--R
--R
            512a b e - 2560a b d e + 5120a b d e - 5120a b d e
--R
                      8 5
--R
                274
--R
            2560a b d e - 512a b d
--R
--R
--R
          X
--R
               7 2 5 6 3 4 5 4 2 3 4 5 3 2
--R
--R
            768a b e - 3840a b d e + 7680a b d e - 7680a b d e
--R
               3 6 4 2 7 5
--R
--R
            3840a b d e - 768a b d
--R
--R
            2
--R
--R
              8 5 7 2 4 6 3 2 3 5 4 3 2
--R
           512a b e - 2560a b d e + 5120a b d e - 5120a b d e
--R
--R
```

```
454 365
--R
--R
             2560a b d e - 512a b d
--R
--R
--R
           95 8 4 7223 6332 544
--R
--R
         128a e - 640a b d e + 1280a b d e - 1280a b d e + 640a b d e
--R
--R
             4 5 5
--R
          - 128a b d
--R
         +----+
--R
--R
        \leq x + d
--R
--R
--R
              4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
         (- 315b e x - 1260a b e x - 1890a b e x - 1260a b e x - 315a e )
--R
          +----+
--R
                                   +----+
          b +----+
--R
                                 b\|e x + d
--R
          |----- \| e x + d atan(-----)
          \|a e - b d
--R
--R
                                    | b
--R
                              (a e - b d) |----
--R
                                   \|a e - b d
--R
          444 34 433
--R
--R
         -315b e x + (-1155a b e - 105b d e)x
--R
              2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
--R
        (- 1533a b e - 399a b d e + 42b d e )x
--R
             3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
        (- 837a b e - 555a b d e + 156a b d e - 24b d e)x - 128a e
--R
            3 3 2222 33
--R
--R
         - 325a b d e + 210a b d e - 88a b d e + 16b d
--R
              5 4 5 4 5 4 3 6 2 3 2 7 3 2 8 4
--R
             64a b e \, - 320a b d e \, + 640a b d e \, - 640a b d e \, + 320a b d e
--R
--R
--R
               9 5
--R
            - 64b d
--R
--R
            4
--R
--R
               6 3 5 5 4 4 4 5 2 3 3 6 3 2
--R
            256a b e - 1280a b d e + 2560a b d e - 2560a b d e
--R
--R
```

```
2 7 4 8 5
--R
--R
            1280a b d e - 256a b d
--R
--R
            3
--R
          x
--R
                7 2 5 6 3 4 5 4 2 3 4 5 3 2
--R
--R
            384a b e - 1920a b d e + 3840a b d e - 3840a b d e
--R
                3 6 4
                       2 7 5
--R
--R
            1920a b d e - 384a b d
--R
--R
--R
           X
--R
--R
               8 5 7 2 4 6 3 2 3 5 4 3 2
--R
             256a b e - 1280a b d e + 2560a b d e - 2560a b d e
--R
--R
                454 365
--R
            1280a b d e - 256a b d
--R
--R
--R
--R
           95 8 4 7223 6332 544
--R
          64a e - 320a b d e + 640a b d e - 640a b d e + 320a b d e
--R
--R
            4 5 5
--R
          - 64a b d
--R
--R
         +----+
--R
        \leq x + d
--R
     ]
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1225
--S 1226 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
   (4)
--R
           4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
        (315b e x + 1260a b e x + 1890a b e x + 1260a b e x + 315a e)
--R.
--R
                   +----+
        --R
        \|- a e + b d |- ----- \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
--R
                  \| a e - b d
--R
--R
                       b +----+
--R
```

```
(- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                     \| a e - b d
--R
        log(-----
                          b x + a
--R
--R
              5 4 5 4 4 4
                                 2 3 4 3 3 2 4 2
--R
--R
          - 630b e x - 3150a b e x - 6300a b e x - 6300a b e x
--R
--R
              4 4
          - 3150a b e x - 630a e
--R
--R
                       +-+ +----+
--R
         +-+ +----+
--R
                      \b \leq x + d
--R
        \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                       +----+
--R
                       \|- a e + b d
--R
--R
             4 4 4
                          3 4 4 3 3
         -630b e x + (-2310a b e -210b d e)x
--R
--R
--R
              2 2 4 3 3 4 2 2 2
         (- 3066a b e - 798a b d e + 84b d e )x
--R
--R
              3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
--R
          (-1674a b e - 1110a b d e + 312a b d e - 48b d e)x - 256a e
--R
             3 3 2222 33 44
--R
--R
          - 650a b d e + 420a b d e - 176a b d e + 32b d
--R
--R
        --R
--R
        --R
            5 4 5 4 4 5 3 4
--R
--R
         630b e x + (2940a b e + 210b d e)x
--R
             2 3 4 4 3
                                5 2 2 3
--R
--R
          (5376a b e + 1008a b d e - 84b d e )x
--R
--R
              3 2 4 2 3 3
                                4 2 2 5 3 2
--R
         (4740a b e + 1908a b d e - 396a b d e + 48b d e)x
--R
--R
             4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3
--R
          (1930a b e + 1760a b d e - 732a b d e + 224a b d e - 32b d)x
--R
                       3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
            5 4 4
--R
          256a e + 650a b d e - 420a b d e + 176a b d e - 32a b d
--R
         +----+
--R
--R
        \|- a e + b d
```

```
--R /
--R
              5 4 5 4 5 4 3 6 2 3 2 7 3 2 8 4
--R
           128a b e - 640a b d e + 1280a b d e - 1280a b d e + 640a b d e
--R
--R
               9 5
           - 128b d
--R
--R
--R
--R
          x
--R
--R
              6 3 5 5 4 4 4 5 2 3 3 6 3 2
           512a b e - 2560a b d e + 5120a b d e - 5120a b d e
--R
--R
                       8 5
--R
              274
--R
           2560a b d e - 512a b d
--R
--R
           3
--R
          x
--R
              7 2 5 6 3 4 5 4 2 3 4 5 3 2
--R
--R
           768a b e - 3840a b d e + 7680a b d e - 7680a b d e
--R
--R
               3 6 4
                       2 7 5
           3840a b d e - 768a b d
--R
--R
--R
           2
--R
          x
--R
              8 5 7 2 4 6 3 2 3 5 4 3 2
--R
--R
           512a b e - 2560a b d e + 5120a b d e - 5120a b d e
--R
               4 5 4 3 6 5
--R
--R
           2560a b d e - 512a b d
--R
--R
--R
          95 8 4 7223 6332 544
--R
--R
         128a e -640a b d e +1280a b d e -1280a b d e +640a b d e
--R
--R
            4 5 5
--R
        - 128a b d
--R
--R
                          +----+
       +-----+ +-----+ | 2 2
--R.
--R.
       \|- a e + b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1226
--S 1227 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
```

```
--R
--R
--R
    (5)
--R
      | 2 2 2
--R
--R
      \| b x + 2a b x + a - b x - a
--R /
         5 6 4 5 5 2 3 4 4
--R
       b e x + (5a b e + b d)x + (10a b e + 5a b d)x
--R
--R
--R
           3 2
                 2334325
        (10a b e + 10a b d)x + (5a b e + 10a b d)x + (a e + 5a b d)x + a d
--R
--R
--R
--R
       +-----+ | 2 2 2
--R
       \| e x + d \| b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1227
--S 1228 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
             5 4 5 4 4 4 2 3 4 3 3 2 4 2
--R
--R
          - 315b e x - 1575a b e x - 3150a b e x - 3150a b e x
--R
--R
               4 4 5 4
--R
          - 1575a b e x - 315a e
--R
--R
                         +-+ +----+
--R
         +-+ +----+
                        \b \e x + d
--R
        \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                         +----+
--R
                        \|- a e + b d
--R
                         3 4 3 2 2 4 2 3 4
--R
             4 4 4
--R
        (- 315b e x - 1260a b e x - 1890a b e x - 1260a b e x - 315a e )
--R
--R
         +-----+ | b +----+ | 2 2 2
--R
         \|- a e + b d |----- \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                   \|a e - b d
--R.
--R
--R
                   +----+
--R
                 b \le x + d
         atan(-----)
--R
--R
                    | b
--R
             (a e - b d) |----
--R
```

```
--R
                   \|a e - b d
--R
              4 4 4 3 3
--R
--R
          -315b e x + (-1155a b e - 105b d e)x
--R
                       3 3
--R
                2 2 4
                                 4 2 2 2
--R
         (- 1533a b e - 399a b d e + 42b d e )x
--R
                      2 2 3 3 2 2 4 3 4 4
--R
              3 4
--R
         (- 837a b e - 555a b d e + 156a b d e - 24b d e)x - 128a e
--R
                       2 2 2 2 3 3
             3 3
--R
          - 325a b d e + 210a b d e - 88a b d e + 16b d
--R
--R
--R
--R
         --R
        \|- a e + b d \|b x + 2a b x + a
--R
           5 4 5 4 4 5 3 4
--R
--R
         315b e x + (1470a b e + 105b d e)x
--R
--R
              2 3 4 4 3 5 2 2 3
          (2688a b e + 504a b d e - 42b d e )x
--R
--R
              3 2 4 2 3 3 4 2 2 5 3 2
--R
         (2370a b e + 954a b d e - 198a b d e + 24b d e)x
--R
--R
             4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
--R
          (965a b e + 880a b d e - 366a b d e + 112a b d e - 16b d)x
--R
             5 4 4
--R
                       3 3 2 2 2 2 3 3 4 4
--R
         128a e + 325a b d e - 210a b d e + 88a b d e - 16a b d
--R
--R
         +----+
--R
        --R /
                     4 5 4 3 6 2 3 2 7 3 2 8 4
--R
            5 4 5
--R
           64a b e - 320a b d e + 640a b d e - 640a b d e + 320a b d e
--R
--R
              9 5
           - 64b d
--R
--R
--R
           4
--R
          х
--R
              6 3 5 5 4 4 4 5 2 3 3 6 3 2
--R
--R
           256a b e - 1280a b d e + 2560a b d e - 2560a b d e
--R
               2 7 4 8 5
--R
--R
           1280a b d e - 256a b d
```

```
--R
--R
         3
--R
         x
--R
             7 2 5 6 3 4 5 4 2 3 4 5 3 2
--R
--R
          384a b e -1920a b d e +3840a b d e -3840a b d e
--R
--R
             3 6 4
                    2 7 5
          1920a b d e - 384a b d
--R
--R
--R
--R
         X
--R
             8 5 7 2 4 6 3 2 3 5 4 3 2
--R
--R
          256a b e - 1280a b d e + 2560a b d e - 2560a b d e
--R
--R
             454 365
--R
          1280a b d e - 256a b d
--R
--R
--R
--R
       95 8 4 7223 6332 544 455
--R
      64a e - 320a b d e + 640a b d e - 640a b d e + 320a b d e - 64a b d
--R
--R
                       +----+
      +-----+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 1228
--S 1229 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7)
--R
      | 2 2 2
--R
--R
     --R /
        5 6 4 5 5
--R
                            2 3
       b e x + (5a b e + b d)x + (10a b e + 5a b d)x
--R
--R
--R.
         3 2 2 3 3 4 3 2 2 5
                                            4 5
--R
       (10a b e + 10a b d)x + (5a b e + 10a b d)x + (a e + 5a b d)x + a d
--R
--R
              +----+
      +-----+ | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 1229
```

```
)clear all
--S 1230 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R
             (1)
--R
                 1
--R /
                             4 2 6 3 2 4 5
--R
                                                                                                         2 2 2
                                                                                                                                 3
                                                                                                                                                   424
--R
                          b e x + (4a b e + 2b d e)x + (6a b e + 8a b d e + b d )x
--R
                                                                                    3 2 3
--R
                                                      2 2
                                                                                                          4 2
                                                                                                                                3
                          (4a b e + 12a b d e + 4a b d )x + (a e + 8a b d e + 6a b d )x
--R
--R
--R.
                                                     3 2
                                                                          4 2
--R
                          (2a d e + 4a b d)x + a d
--R
                                               +----+
--R
                       +----+ | 2 2
--R
--R
                      --R
                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1230
--S 1231 of 1618
r0:=1/4*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))+_
      11/24*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))-_
      33/32*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(3/2)*(a^2+2*a*b*x+_
      b^2*x^2)^(3/2)+231/64*e^3/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a^2+_2)^4
      2*a*b*x+b^2*x^2)+385/64*e^4*(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(3/2)*_
      atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/((b*d-a*e)^(13/2)*_
      sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+1155/64*b*e^4*(a+b*x)/((b*d-a*e)^6*_
      sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R.
--R
             (2)
--R
                                              5 5 5
                                                                                        4 5
                                                                                                              5 4 4
--R
                               -3465b e x + (-13860a b e -3465b d e)x
--R
                                                                                                                                 3 2 5
--R
                                                   2 3 5
                                                                                     4 4 3
                                                                                                                                                                   2 3 4 2
--R.
                                (-20790a b e - 13860a b d e)x + (-13860a b e - 20790a b d e)x
--R.
--R
                                                 4 5
                                                                                3 2 4
                                                                                                                      4
--R
                                (-3465a b e - 13860a b d e)x - 3465a b d e
--R
--R
                                                                          +-+ +----+
                            +-+ +----+
--R
                                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                          \|b \|e x + d atanh(-----)
```

```
--R
                         +----+
--R
                        \|- a e + b d
--R
                           4 5 5 4 4
              5 5 5
--R
          3465b e x + (12705a b e + 4620b d e )x
--R
--R
               2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
          (16863a b e + 17094a b d e + 693b d e )x
--R
--R
               3 2 5
                         234
                                     4 2 3
                                               5 3 2 2
--R
          (9207a b e + 22968a b d e + 2673a b d e - 198b d e )x
--R
               4 5 3 2 4
                                    2 3 2 3 4 3 2
--R
          (1408a b e + 12782a b d e + 3795a b d e - 748a b d e + 88b d e)x
--R
--R
--R
              5 5
                     4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
          - 128a e + 2048a b d e + 2295a b d e - 1030a b d e + 328a b d e
--R
--R
             5 5
--R
          - 48b d
--R
--R
         +----+
--R
         \|- a e + b d
--R /
--R
              6 3 7 5 4 6 4 5 2 5 3 6 3 4
           192a b e - 1152a b d e + 2880a b d e - 3840a b d e
--R
--R
--R
                2 7 4 3 8 5 2 9 6
--R
            2880a b d e - 1152a b d e + 192b d e
--R
--R
--R
          x
--R
               7 2 7 6 3 6 5 4 2 5 4 5 3 4
--R
--R
            576a b e - 3264a b d e + 7488a b d e - 8640a b d e
--R
--R
               3 6 4 3 2 7 5 2 8 6
            4800a b d e \, - 576a b d e \, - 576a b d e + 192b d
--R
--R
--R
--R
          x
--R
--R
              8 7 7 2 6 6 3 2 5 5 4 3 4
--R
           576a b e - 2880a b d e + 5184a b d e - 2880a b d e
--R
                 4543 3652 276 87
--R
--R
           - 2880a b d e + 5184a b d e - 2880a b d e + 576a b d
--R
--R
          2
--R
          x
```

```
--R
            97 8 6 7225 6334 5443
--R
--R
           192a e - 576a b d e - 576a b d e + 4800a b d e - 8640a b d e
--R
              4 5 5 2 3 6 6 2 7 7
--R
--R
           7488a b d e - 3264a b d e + 576a b d
--R
--R
--R
          9 6 8 2 5 7 2 3 4 6 3 4 3 5 4 5 2
--R
--R
        192a d e \, - 1152a b d e \, + 2880a b d e \, - 3840a b d e \, + 2880a b d e
--R
--R
             4 5 6 3 6 7
--R
        - 1152a b d e + 192a b d
--R
--R
--R
       --R
       \|- a e + b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1231
--S 1232 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
             555 45 544
--R
--R
           3465b e x + (13860a b e + 3465b d e)x
--R
               2 3 5 4 4 3 3 2 5 2 3 4 2
--R
--R
           (20790a b e + 13860a b d e )x + (13860a b e + 20790a b d e )x
--R
               4 5 3 2 4 4 4
--R
--R
          (3465a b e + 13860a b d e )x + 3465a b d e
--R
--R
           +----+
          l b
--R
          |- ---- \|e x + d
--R
--R
          \label{lambda} \ a e - b d
--R
--R
                      l b +----+
--R.
--R
             (2a e - 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                     \| a e - b d
          log(-----)
--R
--R
                              b x + a
--R
          555 45 544
--R
--R
        6930b e x + (25410a b e + 9240b d e)x
```

```
--R
          2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
        (33726a b e + 34188a b d e + 1386b d e )x
--R
              3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
        (18414a b e + 45936a b d e + 5346a b d e - 396b d e )x
--R
--R
                       3 2 4
                                   2 3 2 3
         (2816a b e + 25564a b d e + 7590a b d e - 1496a b d e + 176b d e)x
--R
--R
--R
            5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2
         - 256a e + 4096a b d e + 4590a b d e - 2060a b d e + 656a b d e
--R
--R
--R
           5 5
--R
         - 96b d
--R
--R
               647 556 4625 3734
--R
             384a b e - 2304a b d e + 5760a b d e - 7680a b d e
--R
                2843 952 106
--R
--R
             5760a b d e - 2304a b d e + 384b d e
--R
--R
            5
--R
           x
--R
                 7 3 7 6 4 6 5 5 2 5 4 6 3 4
--R
--R
             1536a b e - 8832a b d e + 20736a b d e - 24960a b d e
--R
--R
                  3 7 4 3 2 8 5 2
                                      9 6 10 7
--R
             15360a b d e - 3456a b d e - 768a b d e + 384b d
--R
--R
             4
--R
           X
--R
                                       6 4 2 5
                8 2 7 7 3 6
--R
--R
             2304a b e - 12288a b d e + 25344a b d e - 23040a b d e
--R
                                       2 8 6
--R
                4 6 4 3 3 7 5 2
             3840a b d e + 9216a b d e - 6912a b d e + 1536a b d
--R
--R
--R
             3
--R
            x
--R
--R
                 9 7 8 2 6 7 3 2 5 6 4 3 4
             1536a b e \, - 6912a b d e \, + 9216a b d e \, + 3840a b d e
--R
--R
                  5 5 4 3 4 6 5 2 3 7 6 2 8 7
--R
             - 23040a b d e + 25344a b d e - 12288a b d e + 2304a b d
--R
--R
--R
             2
```

```
--R
          x
--R
--R
               10 7 9 6 8 2 2 5 7 3 3 4
--R
             384a e - 768a b d e - 3456a b d e + 15360a b d e
--R
                 6 4 4 3 5 5 5 2 4 6 6 3 7 7
--R
--R
             - 24960a b d e + 20736a b d e - 8832a b d e + 1536a b d
--R
--R
--R
            10 6 9 2 5 8 2 3 4 7 3 4 3
--R
--R
          384a de - 2304a b de + 5760a b de - 7680a b de
--R
            6 4 5 2 5 5 6 4 6 7
--R
         5760a b d e - 2304a b d e + 384a b d
--R
--R
--R
         +----+
        \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
--R
--R
              5 5 5 4 5 5 4 4
           3465b e x + (13860a b e + 3465b d e )x
--R
--R
--R
                2 3 5 4 4 3 3 2 5 2 3 4 2
           (20790a b e + 13860a b d e )x + (13860a b e + 20790a b d e )x
--R
--R
                4 5 3 2 4
--R
--R
           (3465a b e + 13860a b d e)x + 3465a b d e
--R
--R
          +----+
                                   +----+
          | b +----+
--R
                                 b\|e x + d
          |----- \| e x + d atan(-----)
--R
--R
          \|a e - b d
--R
--R
                              (a e - b d) |----
--R
                                     \|a e - b d
--R
          5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
        3465b e x + (12705a b e + 4620b d e)x
--R
--R
            2 3 5
                    4 4 5 2 3 3
        (16863a b e + 17094a b d e + 693b d e )x
--R
--R
--R
            3 2 5 2 3 4
                                  4 2 3 5 3 2 2
--R
        (9207a b e + 22968a b d e + 2673a b d e - 198b d e )x
--R
           4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4
--R
--R
        (1408a b e + 12782a b d e + 3795a b d e - 748a b d e + 88b d e)x
--R
--R
             5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
```

```
--R
        - 128a e + 2048a b d e + 2295a b d e - 1030a b d e + 328a b d e
--R
--R
           5 5
         - 48b d
--R
--R
                6 4 7 5 5 6 4 6 2 5 3 7 3 4
--R
--R
            192a b e - 1152a b d e + 2880a b d e - 3840a b d e
--R
                 2 8 4 3 9 5 2 10 6
--R
--R
             2880a b d e - 1152a b d e + 192b d e
--R
--R
            5
--R
           x
--R
--R
               7 3 7 6 4 6 5 5 2 5 4 6 3 4
--R
             768a b e - 4416a b d e + 10368a b d e - 12480a b d e
--R
--R
                3743 2852 96
             7680a b d e - 1728a b d e - 384a b d e + 192b d
--R
--R
--R
--R
           X
--R
--R
                8 2 7 7 3 6 6 4 2 5 5 5 3 4
--R
            1152a b e - 6144a b d e + 12672a b d e - 11520a b d e
--R
                 4 6 4 3 3 7 5 2 2 8 6 9 7
--R
--R
             1920a b d e + 4608a b d e - 3456a b d e + 768a b d
--R
--R
            3
--R
           x
--R
                9 7 8 2 6 7 3 2 5 6 4 3 4
--R
--R
            768a b e - 3456a b d e + 4608a b d e + 1920a b d e
--R
                  5 5 4 3 4 6 5 2 3 7 6 2 8 7
--R
--R
            - 11520a b d e + 12672a b d e - 6144a b d e + 1152a b d
--R
--R
            2
--R
            x
--R
               10 7 9 6 8 2 2 5 7 3 3 4
--R
--R.
             192a e - 384a b d e - 1728a b d e + 7680a b d e
--R
--R
                  6 4 4 3 5 5 5 2 4 6 6 3 7 7
--R
             - 12480a b d e + 10368a b d e - 4416a b d e + 768a b d
--R
--R
--R
            10 6 9 2 5 8 2 3 4 7 3 4 3
--R
```

```
--R
         192a de - 1152a b de + 2880a b de - 3840a b de
--R
--R
              6 4 5 2 5 5 6 4 6 7
--R
          2880a b d e - 1152a b d e + 192a b d
--R
         +----+
--R
--R
        \le x + d
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1232
--S 1233 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
           5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
          3465b e x + (13860a b e + 3465b d e)x
--R
              2 3 5 4 4 3 3 2 5 2 3 4 2
--R
--R
          (20790a b e + 13860a b d e)x + (13860a b e + 20790a b d e)x
--R
             4 5 3 2 4
--R
--R
         (3465a b e + 13860a b d e )x + 3465a b d e
--R
--R
         --R
--R
        \|- a e + b d |- ----- \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                  \| a e - b d
--R
--R
                      +----+
                     l b +----+
--R
--R
            (2a e - 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                  \| ae-bd
--R
                              b x + a
--R
--R
             6 5 6
                         5 5 6 4 5
--R
--R
          6930b e x + (34650a b e + 6930b d e)x
--R
                      5 4 4 3 3 5 2 4 4 3
--R
              2 4 5
          (69300a b e + 34650a b d e)x + (69300a b e + 69300a b d e)x
--R
--R.
--R
              4 2 5
                      3 3 4 2 5 5 4 2 4
--R
          (34650a b e + 69300a b d e)x + (6930a b e + 34650a b d e)x
--R
--R
            5 4
--R
          6930a b d e
--R
--R
                        +-+ +----+
```

```
--R
         +-+ +----+ \|b \|e x + d
--R
         \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
--R
                        \|- a e + b d
--R
                          45 5 4 4
              5 5 5
--R
--R
          6930b e x + (25410a b e + 9240b d e)x
--R
               2 3 5 4 4 5 2 3 3
--R
--R
          (33726a b e + 34188a b d e + 1386b d e )x
--R
               3 2 5 2 3 4
--R
                                      4 2 3
                                               5 3 2 2
          (18414a b e + 45936a b d e + 5346a b d e - 396b d e )x
--R
--R
--R
                 4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2
--R
               2816a b e + 25564a b d e + 7590a b d e - 1496a b d e
--R
--R
                5 4
--R
               176b d e
--R
--R
--R
             5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
          - 256a e + 4096a b d e + 4590a b d e - 2060a b d e + 656a b d e
--R
--R
            5 5
--R
          - 96b d
--R
--R
         --R.
--R
         \|- a e + b d \|b x + 2a b x + a
--R
                             5 5 6 4 5
--R
               6 5 6
--R
          -6930b e x + (-32340a b e -9240b d e)x
--R
                 2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
--R
          (- 59136a b e - 43428a b d e - 1386b d e )x
--R
                3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
--R
          (- 52140a b e - 80124a b d e - 6732a b d e + 396b d e )x
--R
                  4 2 5
--R
                          3 3 4 2 4 2 3 5 3 2
--R
             - 21230a b e - 71500a b d e - 12936a b d e + 1892a b d e
--R
--R
                  6 4
             - 176b d e
--R
--R
--R
            2
--R
          x
--R
```

```
5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
--R
             - 2560a b e - 29660a b d e - 12180a b d e + 3556a b d e
--R
--R
--R
                   5 4 6 5
--R
             - 832a b d e + 96b d
--R
--R
--R
            65 5 4 4223 3332 244
--R
          256a e - 4096a b d e - 4590a b d e + 2060a b d e - 656a b d e
--R
--R
--R
             5 5
--R
          96a b d
--R
--R
         +----+
--R
         \|- a e + b d
--R /
--R
              647 556 4625 3734
--R
           384a b e - 2304a b d e + 5760a b d e - 7680a b d e
--R
--R
               2 8 4 3 9 5 2
                                    10 6
           5760a b d e - 2304a b d e + 384b d e
--R
--R
--R
           5
--R
          x
--R
                7 3 7 6 4 6 5 5 2 5 4 6 3 4
--R
--R
           1536a b e - 8832a b d e + 20736a b d e - 24960a b d e
--R
--R
                3 7 4 3 2 8 5 2 9 6 10 7
--R
           15360a b d e - 3456a b d e - 768a b d e + 384b d
--R
--R
--R
          x
--R
               8 2 7 7 3 6 6 4 2 5 5 5 3 4
--R
--R
            2304a b e \, - 12288a b d e \, + 25344a b d e \, - 23040a b d e
--R
               4 6 4 3 3 7 5 2 2 8 6
--R
--R
            3840a b d e + 9216a b d e - 6912a b d e + 1536a b d
--R
--R
           3
--R.
          x
--R
--R
               9 7 8 2 6 7 3 2 5 6 4 3 4
--R
           1536a b e - 6912a b d e + 9216a b d e + 3840a b d e
--R
--R
                  5 5 4 3 4 6 5 2 3 7 6
           - 23040a b d e + 25344a b d e - 12288a b d e + 2304a b d
--R
--R
```

```
--R
         2
--R
         X
--R
             10 7 9 6 8 2 2 5 7 3 3 4
--R
--R
          384a e - 768a b d e - 3456a b d e + 15360a b d e
--R
                6 4 4 3 5 5 5 2 4 6 6 3 7 7
--R
--R
           - 24960a b d e + 20736a b d e - 8832a b d e + 1536a b d
--R
--R
         X
--R
          10 6 9 2 5 8 2 3 4 7 3 4 3 6 4 5 2
--R
        384a d e - 2304a b d e + 5760a b d e - 7680a b d e + 5760a b d e
--R
--R
--R
           5 5 6 4 6 7
--R
       - 2304a b d e + 384a b d
--R
--R
       +-----+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
      --R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1233
--S 1234 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
      | 2 2 2
--R
--R
     --R /
                               2 3 2
        5 2 7 4 2 5
--R
                           6
--R
      b e x + (5a b e + 2b d e)x + (10a b e + 10a b d e + b d )x
--R
          3 2 2 2 3 4 2 4 4 2 3 2 2 3 2 3
--R
--R
       (10a b e + 20a b d e + 5a b d )x + (5a b e + 20a b d e + 10a b d )x
--R
         5 2
              4
                       3 2 2 2
                                 5 4 2 5 2
--R
--R
       (a e + 10a b d e + 10a b d)x + (2a d e + 5a b d)x + a d
--R
--R
--R
       +----+ | 2 2
--R
      --R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 1234
--S 1235 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
```

```
--R
           (6)
--R
                                      6 5 6 5 5 6 4 5
--R
--R
                              3465b e x + (17325a b e + 3465b d e)x
--R
                                                                                                      3 3 5 2 4 4 3
--R
                                             2 4 5
                                                                            5 4 4
--R
                              (34650a b e + 17325a b d e)x + (34650a b e + 34650a b d e)x
--R
                                                                  3 3 4 2 5 5
--R
                                            4 2 5
                                                                                                                                                424
--R
                               (17325a b e + 34650a b d e)x + (3465a b e + 17325a b d e)x
--R
                                     5 4
--R
                              3465a b d e
--R
--R
--R
                                                                       +-+ +----+
--R
                           +-+ +----+
                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
                         \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                      +----+
--R
--R
                                                                     \|- a e + b d
--R
--R
                                                                           45 5 4 4
                             3465b e x + (13860a b e + 3465b d e)x
--R
--R
--R
                                             2 3 5 4 4 3 3 2 5 2 3 4 2
                               (20790a b e + 13860a b d e )x + (13860a b e + 20790a b d e )x
--R
--R
--R
                                          4 5 3 2 4
--R
                              (3465a b e + 13860a b d e)x + 3465a b d e
--R
--R
                                                                                           +----+
                           --R
                         --R
--R
                                                      \|a e - b d
--R
--R
                                                      +----+
--R
                                               b \mid e x + d
--R
--R
--R
--R
                                     (a e - b d) |----
--R
                                                          \|a e - b d
--R
                                                             4 5
--R.
                                     5 5 5
                                                                                              5 4 4
--R
                              3465b e x + (12705a b e + 4620b d e)x
--R
                                                                            4 4 5 2 3 3
--R
                                             2 3 5
--R
                             (16863a b e + 17094a b d e + 693b d e )x
--R
                                           3 2 5 2 3 4 4 2 3 5 3 2 2
--R
--R
                               (9207a b e + 22968a b d e + 2673a b d e - 198b d e )x
```

```
+ 4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4 2 3 2 6 6 6 6 7489 h d e + 88b d e
--R
--R
--R
         (1408a b e + 12782a b d e + 3795a b d e - 748a b d e + 88b d e)x
--R
             5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4
--R
--R
          - 128a e + 2048a b d e + 2295a b d e - 1030a b d e + 328a b d e
--R
--R
         - 48b d
--R
--R
--R
        +----+ | 2 2
--R
--R
        --R
             6 5 6 5 5 6 4 5
--R
--R
          - 3465b e x + (- 16170a b e - 4620b d e )x
--R
--R
               2 4 5 5 4 6 2 3 4
--R
         (- 29568a b e - 21714a b d e - 693b d e )x
--R
--R
               3 3 5 2 4 4 5 2 3 6 3 2 3
--R
         (- 26070a b e - 40062a b d e - 3366a b d e + 198b d e )x
--R
                4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2
--R
--R
            - 10615a b e - 35750a b d e - 6468a b d e + 946a b d e
--R
--R
               6 4
--R
            - 88b d e
--R
--R
            2
--R
          X
--R
                 5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
--R
--R
            - 1280a b e - 14830a b d e - 6090a b d e + 1778a b d e
--R
--R
                  5 4
                       6 5
--R
            - 416a b d e + 48b d
--R
--R
--R
           65 5 4 4223 3332 244
--R
         128a e - 2048a b d e - 2295a b d e + 1030a b d e - 328a b d e
--R
--R.
--R
            5 5
--R
         48a b d
--R
         +----+
--R
--R
        \ |-ae+bd
--R /
             6 4 7 5 5 6 4 6 2 5 3 7 3 4
--R
```

```
--R
            192a b e - 1152a b d e + 2880a b d e - 3840a b d e
--R
               2 8 4 3 9 5 2 10 6
--R
--R
            2880a b d e - 1152a b d e + 192b d e
--R
--R
           5
--R
          X
--R
               7 3 7 6 4 6 5 5 2 5 4 6 3 4
--R
--R
            768a b e - 4416a b d e + 10368a b d e - 12480a b d e
--R
               3 7 4 3 2 8 5 2 9 6
--R
            7680a b d e - 1728a b d e - 384a b d e + 192b d
--R
--R
--R
--R
          х
--R
--R
               8 2 7 7 3 6 6 4 2 5 5 5 3 4
--R
           1152a b e - 6144a b d e + 12672a b d e - 11520a b d e
--R
--R
               4 6 4 3 3 7 5 2 2 8 6
           1920a b d e + 4608a b d e - 3456a b d e + 768a b d
--R
--R
--R
           3
--R
          x
--R
              9 7 8 2 6 7 3 2 5 6 4 3 4
--R
--R
            768a b e - 3456a b d e + 4608a b d e + 1920a b d e
--R
--R
                  5 5 4 3 4 6 5 2 3 7 6 2 8 7
--R
            - 11520a b d e + 12672a b d e - 6144a b d e + 1152a b d
--R
--R
           2
--R
          x
--R
              10 7 9 6 8 2 2 5 7 3 3 4
--R
--R
            192a e - 384a b d e - 1728a b d e + 7680a b d e
--R
                 6 4 4 3 5 5 5 2 4 6 6 3 7 7
--R
--R
            - 12480a b d e + 10368a b d e - 4416a b d e + 768a b d
--R
--R
--R
--R
           10 6 9 2 5 8 2 3 4 7 3 4 3 6 4 5 2
--R
         192a d e - 1152a b d e + 2880a b d e - 3840a b d e + 2880a b d e
--R
            5 5 6 4 6 7
--R
--R
         - 1152a b d e + 192a b d
--R
--R
                           +----+
```

```
+----+ +----+ | 2 2 2
--R
      --R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 1235
--S 1236 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7)
--R
      | 2 2 2
--R
--R
     --R /
--R
        5 2 7 4 2 5 6
                               2 3 2 4 5 2 5
--R
       b e x + (5a b e + 2b d e)x + (10a b e + 10a b d e + b d )x
--R
                                          3 2 2 3 2 3
--R
          3 2 2 2 3 4 2 4
                                  4 2
       (10a b e + 20a b d e + 5a b d )x + (5a b e + 20a b d e + 10a b d )x
--R
--R
--R
                       3 2 2 2
                                5 4 2 5 2
       (a e + 10a b d e + 10a b d )x + (2a d e + 5a b d )x + a d
--R
--R
--R
      +----+ | 2 2
--R
       --R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1236
)clear all
--S 1237 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^(7/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))
--R
--R (1)
--R
    1
--R /
        4 3 7 3 3 4 2 6 2 2 3 3 2 4 2 5
--R
--R
       b e x + (4a b e + 3b d e )x + (6a b e + 12a b d e + 3b d e)x
--R
--R
         3 3 2 2 2 3 2 4 3 4
--R
        (4a b e + 18a b d e + 12a b d e + b d )x
--R
--R
         4 3
              3 2 222 333
--R
        (a e + 12a b d e + 18a b d e + 4a b d )x
--R
--R
                3 2 2232 42
                                        3 3 4 3
       (3a d e + 12a b d e + 6a b d )x + (3a d e + 4a b d )x + a d
--R
--R
```

```
--R
--R
                       +----+ | 2 2
--R
                      --R.
                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1237
--S 1238 of 1618
r0:=1/4*(-a-b*x)/((b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(5/2))+_
      13/24*e/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)^(3/2))_{-}
      143/96*e^2*(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2)*(a^2+2*a*b*x+_
      b^2*x^2)(3/2)+429/64*e^3/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(5/2)*_
      sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+3003/320*e^4*(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*_a
       (d+e*x)^{(5/2)}*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))+1001/64*b*e^4*(a+b*x)/_
       ((b*d-a*e)^6*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))-_
      3003/64*b^{(5/2)}*e^{4*(a+b*x)}*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
      \sqrt{(b*d-a*e)}/((b*d-a*e)^{(15/2)}*\sqrt{(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2)}+_
      3003/64*b^2*e^4*(a+b*x)/((b*d-a*e)^7*sqrt(d+e*x)*sqrt(a^2+2*a*b*x+b^2*x^2))
--R
--R
--R
             (2)
--R
                                                                                    5 6
                              45045b e x + (180180a b e + 90090b d e)x
--R
--R
--R
                                                 2 4 6
                                                                      5 5 6 2 4 4
--R
                                (270270a b e + 360360a b d e + 45045b d e)x
--R
--R
                                                                                   2 4 5
--R
                                (180180a b e + 540540a b d e + 180180a b d e)x
--R
--R.
                                               4 2 6 3 3 5
                                                                                                                       2 4 2 4 2
--R
                                (45045a b e + 360360a b d e + 270270a b d e)x
--R
--R
                                                                                    3 3 2 4
--R
                                (90090a b d e + 180180a b d e )x + 45045a b d e
--R
                                                                          +-+ +----+
--R
--R
                             +-+ +----+
                                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                           \|b \|e x + d atanh(-----)
                                                                          +----+
--R
--R
                                                                        \|- a e + b d
--R
                                                                                                                         6 5 5
--R
                                                 6 6 6
                                                                                            5 6
                                - 45045b e x + (- 165165a b e - 105105b d e )x
--R.
--R
--R
                                                      2 4 6
                                                                                         5 5
                                                                                                                            6 2 4 4
--R
                                (- 219219a b e - 387387a b d e - 69069b d e )x
--R
--R
                                                                                        2 4 5
                                                                                                                                  5 2 4
--R
                               (-119691a b e - 517803a b d e - 256971a b d e - 6435b d e )x
--R.
```

```
4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
--R
             -18304a b e -285857a b d e -347919a b d e -25025a b d e
--R
--R
--R
                 6 4 2
--R
            1430b d e
--R
--R
            2
--R
           x
--R
                5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
             1664a b e - 44928a b d e - 196001a b d e - 35945a b d e
--R
                  5 4 2 6 5
--R
             5460a b d e - 520b d e
--R
--R
--R
           x
--R
--R
              6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
          - 384a e + 3968a b d e - 32384a b d e - 22155a b d e
--R
--R
              2 4 4 2 5 5 6 6
          7630a b d e - 1960a b d e + 240b d
--R
--R
--R
         +----+
--R
         \|- a e + b d
--R /
               7 3 9 6 4 8 5 5 2 7 4 6 3 6
--R
--R
           960a b e - 6720a b d e + 20160a b d e - 33600a b d e
--R
                3 7 4 5 2 8 5 4 9 6 3 10 7 2
--R
--R
           33600a b d e - 20160a b d e + 6720a b d e - 960b d e
--R
--R
          5
--R
          x
--R
               8 2 9 7 3 8 6 4 2 7 5 5 3 6
--R
--R
            2880a b e - 18240a b d e + 47040a b d e - 60480a b d e
--R
                                                 972
               4 6 4 5 3 7 5 4 2 8 6 3
--R
--R
            33600a b d e + 6720a b d e - 20160a b d e + 10560a b d e
--R
--R
                10 8
--R.
           - 1920b d e
--R
--R
           4
--R
--R
--R
              9 9 8 2 8 7 3 2 7 6 4 3 6
           2880a b e - 14400a b d e + 21120a b d e + 13440a b d e
--R
--R
```

```
5 5 4 5 4 6 5 4 3 7 6 3 2 8 7 2
--R
--R
            - 80640a b d e + 107520a b d e - 67200a b d e + 17280a b d e
--R
--R
                9 8 10 9
--R
           960a b d e - 960b d
--R
--R
--R
          x
--R
              10 9 9 8
                                   8 2 2 7 7 3 3 6
--R
--R
           960a e - 960a b d e - 17280a b d e + 67200a b d e
--R
                   6 4 4 5 5 5 5 4 4 6 6 3 3 7 7 2
--R
--R
            - 107520a b d e \, + 80640a b d e \, - 13440a b d e \, - 21120a b d e
--R
--R
                288
                        9 9
--R
           14400a b d e - 2880a b d
--R
--R
           2
--R
           x
--R
--R
               10 8 9 2 7 8 2 3 6 7 3 4 5
--R
           1920a de - 10560abde + 20160abde - 6720abde
--R
                 6 4 5 4 5 5 6 3 4 6 7 2 3 7 8
--R
            - 33600a b d e + 60480a b d e - 47040a b d e + 18240a b d e
--R
--R
--R
                 2 8 9
--R
            - 2880a b d
--R
--R
--R
           10 2 7 9 3 6 8 2 4 5
--R
--R
         960a d e - 6720a b d e + 20160a b d e - 33600a b d e
--R
             6 4 6 3 5 5 7 2 4 6 8
--R
--R
        33600a b d e - 20160a b d e + 6720a b d e - 960a b d
--R
--R
        +----+ +----+ | 2 2
--R
--R
       \|- a e + b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1238
--S 1239 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
```

```
6 6 6 5 5
--R
            45045b e x + (180180a b e + 90090b d e)x
--R
--R
                             5 5 6 2 4 4
--R
                 2 4 6
           (270270a b e + 360360a b d e + 45045b d e )x
--R
--R
                 3 3 6 2 4 5 5 2 4 3
--R
--R
           (180180a b e + 540540a b d e + 180180a b d e )x
--R
                4 2 6 3 3 5
--R
                                        2 4 2 4 2
           (45045a b e + 360360a b d e + 270270a b d e)x
--R
--R
                4 2 5 3 3 2 4
--R
--R
           (90090a b d e + 180180a b d e )x + 45045a b d e
--R
--R
--R
           b +----+
           |- ----- \|e x + d
--R
--R
          \| a e - b d
--R
--R
                        l b +----+
--R
             (-2a e + 2b d) |-----| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                    \| a e - b d
--R
                             b x + a
--R
--R
             6 6 6 5 6 6 5 5
--R
--R
         -90090b e x + (-330330a b e -210210b d e)x
--R
                            5 5 6 2 4 4
--R
                2 4 6
        (- 438438a b e - 774774a b d e - 138138b d e )x
--R
--R
               3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
--R
        (-239382a b e - 1035606a b d e - 513942a b d e - 12870b d e )x
--R
                4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
--R
--R
           - 36608a b e - 571714a b d e - 695838a b d e - 50050a b d e
--R
--R
              6 4 2
--R
           2860b d e
--R
--R
           2
--R
          х
--R
              5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
           3328a b e - 89856a b d e - 392002a b d e - 71890a b d e
--R
                5 4 2 6 5
--R
           10920a b d e - 1040b d e
--R
```

```
--R
--R
--R
            6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
--R
         - 768a e + 7936a b d e - 64768a b d e - 44310a b d e
--R
             2 4 4 2 5 5 6 6
--R
--R
         15260a b d e - 3920a b d e + 480b d
--R
                        6 5 8
                                      5627
--R
                7 4 9
                                                 4736
--R
            1920a b e - 13440a b d e + 40320a b d e - 67200a b d e
--R
                 3 8 4 5 2 9 5 4
                                      10 6 3 11 7 2
--R
--R
            67200a b d e - 40320a b d e + 13440a b d e - 1920b d e
--R
--R
            6
--R
           x
--R
                8 3 9 7 4 8 6 5 2 7 5 6 3 6
--R
--R
            7680a b e - 49920a b d e + 134400a b d e - 188160a b d e
--R
                 4745 3854 2963 1072
--R
--R
             134400a b d e - 26880a b d e - 26880a b d e + 19200a b d e
--R
--R
                 11 8
--R
             - 3840b d e
--R
--R
            5
--R
           x
--R
                 9 2 9 8 3 8 7 4 2 7 6 5 3 6
--R
--R
            11520a b e - 65280a b d e + 136320a b d e - 94080a b d e
--R
                  5 6 4 5 4 7 5 4 3 8 6 3 2 9 7 2
--R
--R
             - 94080a b d e + 228480a b d e - 174720a b d e + 55680a b d e
--R
--R
                   10 8 11 9
             - 1920a b d e - 1920b d
--R
--R
--R
--R
           X
--R
--R.
                10 9 928 8327 7436
--R
             7680a b e - 30720a b d e + 7680a b d e + 161280a b d e
--R
                    6 5 4 5 5 6 5 4
                                         4763 3872
--R
--R
             - 376320a b d e + 376320a b d e - 161280a b d e - 7680a b d e
--R
                 2 9 8 10 9
--R
--R
             30720a b d e - 7680a b d
```

```
--R
--R
            3
--R
           x
--R
                11 9 10 8 9 2 2 7 8 3 3 6
--R
--R
             1920a e + 1920a b d e - 55680a b d e + 174720a b d e
--R
                   7 4 4 5 6 5 5 4 5 6 6 3 4 7 7 2
--R
              - 228480a b d e + 94080a b d e + 94080a b d e - 136320a b d e
--R
--R
--R
                  3 8 8
                            299
             65280a b d e - 11520a b d
--R
--R
--R
            2
--R
           X
--R
--R
                11 8 10 27 9236 8345
--R
             3840a d e - 19200a b d e + 26880a b d e + 26880a b d e
--R
                   7 4 5 4 6 5 6 3 5 6 7 2 4 7 8
--R
--R
             - 134400a b d e + 188160a b d e - 134400a b d e + 49920a b d e
--R
--R
                  3 8 9
--R
             - 7680a b d
--R
--R
--R
             11 2 7 10 3 6 9 2 4 5 8 3 5 4
--R
--R
          1920a de - 13440a b de + 40320a b de - 67200a b de
--R
               7 4 6 3 6 5 7 2 5 6 8
--R
--R
          67200a b d e - 40320a b d e + 13440a b d e - 1920a b d
--R
--R
          +----+
--R
         \le x + d
--R
--R
--R
                                56 6 5 5
                 6 6 6
--R
           - 45045b e x + (- 180180a b e - 90090b d e )x
--R
--R
                   2 4 6
                               5 5
                                          6 2 4 4
           (- 270270a b e - 360360a b d e - 45045b d e )x
--R
--R.
--R
                    3 3 6
                              2 4 5
                                             5 2 4 3
--R
            (- 180180a b e - 540540a b d e - 180180a b d e )x
--R
--R
                  4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 2
--R
           (- 45045a b e - 360360a b d e - 270270a b d e )x
--R
--R
                   4 2 5
                              3 3 2 4 4 2 2 4
```

```
--R
          (- 90090a b d e - 180180a b d e )x - 45045a b d e
--R
--R
                                    +----+
          b +----+
--R
                                 b\|e x + d
          --R
--R
          \|a e - b d
--R
--R
                              (a e - b d) |----
                                      \|a e - b d
--R
--R
                            5 6
--R
                                      6 5 5
             6 6 6
--R
        -45045b e x + (-165165a b e -105105b d e)x
--R
--R
               2 4 6
                           5 5
                                    6 2 4 4
--R
        (- 219219a b e - 387387a b d e - 69069b d e )x
--R
--R
                3 3 6
                       2 4 5
                                   5 2 4 6 3 3 3
        (- 119691a b e - 517803a b d e - 256971a b d e - 6435b d e )x
--R
--R
                4 2 6 3 3 5 2 4 2 4 5 3 3
--R
--R
           - 18304a b e - 285857a b d e - 347919a b d e - 25025a b d e
--R
--R
              6 4 2
--R
          1430b d e
--R
--R
          2
--R
          X
--R
              5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
           1664a b e - 44928a b d e - 196001a b d e - 35945a b d e
--R
               5 4 2 6 5
--R
--R
          5460a b d e - 520b d e
--R
--R
--R
           6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3 2 4 4 2
--R
--R
        - 384a e + 3968a b d e - 32384a b d e - 22155a b d e + 7630a b d e
--R
--R
              5 5
                    6 6
--R
        - 1960a b d e + 240b d
--R
--R
               7 4 9 6 5 8 5 6 2 7 4 7 3 6
--R
             960a b e - 6720a b d e + 20160a b d e - 33600a b d e
--R
                 3 8 4 5 2 9 5 4 10 6 3 11 7 2
--R
--R
            33600a b d e - 20160a b d e + 6720a b d e - 960b d e
--R
--R
            6
--R
          x
```

```
--R
               8 3 9 7 4 8 6 5 2 7 5 6 3 6
--R
--R
             3840a b e - 24960a b d e + 67200a b d e - 94080a b d e
--R
                 4 7 4 5 3 8 5 4 2 9 6 3 10 7 2
--R
--R
             67200a b d e \, - 13440a b d e \, - 13440a b d e \, + 9600a b \, d e
--R
--R
                 11 8
            - 1920b d e
--R
--R
--R
            5
--R
           x
--R
                9 2 9 8 3 8 7 4 2 7 6 5 3 6
--R
             5760a b e - 32640a b d e + 68160a b d e - 47040a b d e
--R
--R
--R
                  5 6 4 5 4 7 5 4 3 8 6 3
                                                   2 9 7 2
--R
             -47040a b d e +114240a b d e -87360a b d e +27840a b d e
--R
--R
                  10 8 11 9
--R
             - 960a b d e - 960b d
--R
--R
--R
            X
--R
               10 9 928 8327 7436
--R
--R
             3840a b e - 15360a b d e + 3840a b d e + 80640a b d e
--R
--R
                   6545 5654 4763 3872
--R
             - 188160a b d e + 188160a b d e - 80640a b d e - 3840a b d e
--R
                 2 9 8 10 9
--R
--R
            15360a b d e - 3840a b d
--R
--R
--R
           x
--R
               11 9 10 8 9 2 2 7 8 3 3 6
--R
             960a e + 960a b d e - 27840a b d e + 87360a b d e
--R
--R
                    7 4 4 5 6 5 5 4 5 6 6 3 4 7 7 2
--R
             - 114240a b d e + 47040a b d e + 47040a b d e - 68160a b d e
--R
--R
--R
                 3 8 8
                        299
--R
            32640a b d e - 5760a b d
--R
--R
            2
--R
          X
--R
--R
                11 8 10 27 9 2 3 6 8 3 4 5
```

```
--R
            1920a de - 9600a b de + 13440a b de + 13440a b de
--R
                  7 4 5 4 6 5 6 3 5 6 7 2 4 7 8
--R
--R
            - 67200a b d e + 94080a b d e - 67200a b d e + 24960a b d e
--R
                 3 8 9
--R
--R
           - 3840a b d
--R
--R
--R
           11 2 7 10 3 6 9 2 4 5 8 3 5 4
--R
         960a de - 6720a b de + 20160a b de - 33600a b de
--R
--R
--R
             7 4 6 3 6 5 7 2 5 6 8 4 7 9
         33600a b d e - 20160a b d e + 6720a b d e - 960a b d
--R
--R
--R
         +----+
--R
        \|e x + d
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1239
--S 1240 of 1618
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
   (4)
--R
          666 56 655
--R
--R
         45045b e x + (180180a b e + 90090b d e )x
--R
                           5 5 6 2 4 4
--R
              2 4 6
--R
         (270270a b e + 360360a b d e + 45045b d e )x
--R
               3 3 6 2 4 5 5 2 4 3
--R
--R
         (180180a b e + 540540a b d e + 180180a b d e )x
--R
--R
              4 2 6
                     3 3 5
                                    2 4 2 4 2
--R
          (45045a b e + 360360a b d e + 270270a b d e)x
--R
              4 2 5
--R
                      3 3 2 4
--R
         (90090a b d e + 180180a b d e )x + 45045a b d e
--R
--R.
                                   +----+
        --R
        --R
--R
                 \| a e - b d
--R
--R
                      +----+
                      | b +----+
--R
           (- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
```

```
--R
                        \| a e - b d
--R
--R
                                 b x + a
--R
                                6 6 7 5 6
--R
                 7 6 7
--R
          -90090b e x + (-450450a b e -180180b d e)x
--R
--R
                  2 5 6
                               6 5
          (- 900900a b e - 900900a b d e - 90090b d e )x
--R
--R
                              255 6244
--R
                   3 4 6
          (- 900900a b e - 1801800a b d e - 450450a b d e )x
--R
--R
                          3 4 5
--R
                  4 3 6
           (-450450a b e - 1801800a b d e - 900900a b d e )x
--R
--R
--R
                  5 2 6 4 3 5 3 4 2 4 2
--R
           (- 90090a b e - 900900a b d e - 900900a b d e )x
--R
                   5 2 5 4 3 2 4 5 2 2 4
--R
--R
           (-180180a b d e - 450450a b d e)x - 90090a b d e
--R
--R
                          +-+ +----+
--R
         +-+ +----+ \|b \|e x + d
--R
         \|b \|e x + d atanh(-----)
                          +----+
--R
--R
                         \|- a e + b d
--R
--R
                 6 6 6
                                5 6
                                      6 5 5
--R
           -90090b e x + (-330330a b e -210210b d e)x
--R
                   2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
--R
          (- 438438a b e - 774774a b d e - 138138b d e )x
--R
--R
                  3 3 6
                              24 5
                                              5 2 4
           (-239382a b e - 1035606a b d e - 513942a b d e - 12870b d e )x
--R
--R
--R
                   4 2 6
                               3 3 5
                                            2 4 2 4
              - 36608a b e - 571714a b d e - 695838a b d e - 50050a b d e
--R
--R
--R
                 6 4 2
              2860b d e
--R
--R
--R
             2
--R
--R
                 5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
              3328a b e - 89856a b d e - 392002a b d e - 71890a b d e
--R
--R
--R
                    5 4 2 6 5
```

```
--R
           10920a b d e - 1040b d e
--R
--R
          X
--R
           6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
--R
         - 768a e + 7936a b d e - 64768a b d e - 44310a b d e
--R
              2 4 4 2
--R
                        5 5
                                6 6
         15260a b d e - 3920a b d e + 480b d
--R
--R
--R
        +----+ | 2 2
--R
        --R
--R
             7 6 7 6 6
--R
                                7 5 6
--R
         90090b e x + (420420a b e + 210210b d e )x
--R
--R
              2 5 6
                      6 5 7 2 4 5
--R
         (768768a b e + 984984a b d e + 138138b d e )x
--R
--R
                      255 624 7334
         (677820a b e + 1810380a b d e + 652080a b d e + 12870b d e )x
--R
--R
--R
                4 3 6 3 4 5 2 5 2 4 6 3 3
           275990a b e + 1607320a b d e + 1209780a b d e + 62920a b d e
--R
--R
--R
                7 4 2
--R
           - 2860b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                5 2 6 4 3 5 3 4 2 4 2 5 3 3
--R
--R
           33280a b e + 661570a b d e + 1087840a b d e + 121940a b d e
--R
                  6 4 2 7 5
--R
--R
           - 13780a b d e + 1040b d e
--R
--R
            2
--R
           X
--R
                 6 6 5 2 5 4 3 2 4 3 4 3 3
--R
--R
            - 2560a b e + 81920a b d e + 456770a b d e + 116200a b d e
--R
                 2542 65 76
--R
--R
            - 26180a b d e + 4960a b d e - 480b d
--R
--R
--R
           7 6 6 5 5 2 2 4 4 3 3 3
--R
```

```
--R
          768a e - 7936a b d e + 64768a b d e + 44310a b d e
--R
--R
               3 4 4 2 2 5 5 6 6
--R
          - 15260a b d e + 3920a b d e - 480a b d
--R
         +----+
--R
--R
        \|- a e + b d
--R /
              749 658 5627 4736
--R
--R
           1920a b e - 13440a b d e + 40320a b d e - 67200a b d e
--R
               3 8 4 5
                        2 9 5 4
--R
                                     10 6 3
           67200a b d e - 40320a b d e + 13440a b d e - 1920b d e
--R
--R
--R
          6
--R
          х
--R
--R
              8 3 9 7 4 8 6 5 2 7 5 6 3 6
--R
           7680a b e - 49920a b d e + 134400a b d e - 188160a b d e
--R
--R
                4745 3854
                                      2 9 6 3
           134400a b d e - 26880a b d e - 26880a b d e + 19200a b d e
--R
--R
--R
               11 8
--R
           - 3840b d e
--R
--R
          5
--R
          x
--R
               9 2 9 8 3 8 7 4 2 7 6 5 3 6
--R
--R
           11520a b e - 65280a b d e + 136320a b d e - 94080a b d e
--R
                                         3 8 6 3 2 9 7 2
                 5 6 4 5
--R
                             4754
--R
           - 94080a b d e + 228480a b d e - 174720a b d e + 55680a b d e
--R
--R
                  10 8
                           11 9
--R
          - 1920a b d e - 1920b d
--R
--R
           4
--R
          x
--R
               10 9 928 8327
--R
                                               7 4 3 6
--R.
           7680a b e - 30720a b d e + 7680a b d e + 161280a b d e
--R
                 6545 5654 4763 3872
--R
--R
           - 376320a b d e + 376320a b d e - 161280a b d e - 7680a b d e
--R
               2 9 8
                       10 9
--R
           30720a b d e - 7680a b d
--R
--R
```

```
--R
         3
--R
         X
--R
              11 9 10 8 9 2 2 7 8 3 3 6
--R
--R
          1920a e + 1920a b d e - 55680a b d e + 174720a b d e
--R
                 7 4 4 5 6 5 5 4 5 6 6 3 4 7 7 2
--R
--R
           - 228480a b d e + 94080a b d e + 94080a b d e - 136320a b d e
--R
              3 8 8
--R
                         299
--R
          65280a b d e - 11520a b d
--R
--R
--R
          x
--R
              11 8 10 27 9236 8345
--R
--R
           3840a d e - 19200a b d e + 26880a b d e + 26880a b d e
--R
                 7 4 5 4 6 5 6 3 5 6 7 2 4 7 8
--R
--R
           - 134400a b d e + 188160a b d e - 134400a b d e + 49920a b d e
--R
--R
             3 8 9
           - 7680a b d
--R
--R
--R
--R
           11 2 7 10 3 6 9 2 4 5 8 3 5 4
--R
--R
        1920a de - 13440a b de + 40320a b de - 67200a b de
--R
            7 4 6 3 6 5 7 2 5 6 8 4 7 9
--R
--R
        67200a b d e - 40320a b d e + 13440a b d e - 1920a b d
--R
--R
                         +----+
       +-----+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
       \|- a e + b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
                                        Type: Expression(Integer)
--R
--E 1240
--S 1241 of 1618
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5)
--R.
      | 2 2 2
--R
--R
    --R /
       5 3 8 4 3 5 2 7 2 3 3 4 2 5 2 6
--R
      b e x + (5a b e + 3b d e )x + (10a b e + 15a b d e + 3b d e)x
--R
--R.
```

```
3 2 3 2 4 2 5 3 5
--R
--R
         (10a b e + 30a b d e + 15a b d e + b d )x
--R
--R
           4 3 3 2 2 2 3 2 4 3 4
--R
         (5a b e + 30a b d e + 30a b d e + 5a b d )x
--R
          5 3 4 2 3 2 2 2 3 3 3
--R
--R
         (a e + 15a b d e + 30a b d e + 10a b d )x
--R
--R
          5 2 4 2 3 2 3 2 5 2
--R
        (3a d e + 15a b d e + 10a b d )x + (3a d e + 5a b d )x + a d
--R
--R
        +----+ | 2 2
--R
       --R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1241
--S 1242 of 1618
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
               767 66 756
          -45045b e x + (-225225a b e -90090b d e)x
--R
--R
--R
                  2 5 6
                               6 5 7 2 4 5
--R
          (- 450450a b e - 450450a b d e - 45045b d e )x
--R
                  3 4 6 2 5 5 6 2 4 4
--R
--R
           (-450450a b e - 900900a b d e - 225225a b d e )x
--R
--R
                  4 3 6
                             3 4 5
--R
          (- 225225a b e - 900900a b d e - 450450a b d e )x
--R
                 5 2 6 4 3 5
--R
                                         3 4 2 4 2
--R
          (- 45045a b e - 450450a b d e - 450450a b d e )x
--R
                5 2 5 4 3 2 4
--R
                                        5 2 2 4
--R
          (- 90090a b d e - 225225a b d e )x - 45045a b d e
--R
--R
                         +-+ +----+
         +-+ +----+
--R.
                        \|b \|e x + d
         \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                         +----+
--R
                        \|- a e + b d
--R
--R
--R
                               5 6
                                     6 5 5
          - 45045b e x + (- 180180a b e - 90090b d e )x
--R
--R
```

```
2 4 6 5 5 6 2 4 4
--R
           (-270270a b e - 360360a b d e - 45045b d e)x
--R
--R
--R
                  3 3 6 2 4 5
           (-180180a b e - 540540a b d e - 180180a b d e )x
--R
--R
                 4 2 6 3 3 5
--R
--R
          (- 45045a b e - 360360a b d e - 270270a b d e )x
--R
                4 2 5 3 3 2 4
--R
--R
          (- 90090a b d e - 180180a b d e )x - 45045a b d e
--R
--R
         +-----+ | b +----+ | 2 2 2
--R
--R
         \|- a e + b d |----- \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                   \|a e - b d
--R
--R
                   +----+
--R
                 b\|e x + d
--R
--R
--R
                     l b
--R
             (a e - b d) |----
--R
                  \|a e - b d
--R
                6 6 6 6 5 5
--R
--R
           -45045b e x + (-165165a b e -105105b d e)x
--R
                              5 5 6 2 4 4
--R
                  2 4 6
--R
          (- 219219a b e - 387387a b d e - 69069b d e )x
--R
                  3 3 6 2 4 5 5 2 4 6 3 3 3
--R
--R
          (-119691a b e - 517803a b d e - 256971a b d e - 6435b d e )x
--R
                   4 2 6 3 3 5
                                           2 4 2 4 5 3 3
--R
             - 18304a b e - 285857a b d e - 347919a b d e - 25025a b d e
--R
--R
--R
                 6 4 2
--R
             1430b d e
--R
--R
--R
            x
--R.
                5 6 4 2 5 3 3 2 4 2 4 3 3
--R
--R
             1664a b e - 44928a b d e - 196001a b d e - 35945a b d e
--R
                 5 4 2 6 5
--R
              5460a b d e - 520b d e
--R
--R
--R
            x
```

```
--R
           6 6 5 5 4 2 2 4 3 3 3 3
--R
--R
          - 384a e + 3968a b d e - 32384a b d e - 22155a b d e
--R
--R
              2 4 4 2 5 5 6 6
--R
          7630a b d e - 1960a b d e + 240b d
--R
--R
                   +----+
         --R
--R
        \|- a e + b d \|b x + 2a b x + a
--R
                                    7 5 6
--R
             767
                          6 6
         45045b e x + (210210a b e + 105105b d e )x
--R
--R
--R
                      6 5 7 2 4 5
               2 5 6
--R
         (384384a b e + 492492a b d e + 69069b d e )x
--R.
--R
               3 4 6
                      2 5 5 6 2 4
                                               7 3 3 4
          (338910a b e + 905190a b d e + 326040a b d e + 6435b d e)x
--R
--R
--R
                            3 4 5 2 5 2 4 6 3 3
            137995a b e + 803660a b d e + 604890a b d e + 31460a b d e
--R
--R
--R
                7 4 2
--R
            - 1430b d e
--R
--R
            3
--R
           x
--R
                 5 2 6 4 3 5 3 4 2 4 2 5 3 3
--R
--R
            16640a b e + 330785a b d e + 543920a b d e + 60970a b d e
--R
                  6 4 2 7 5
--R
--R
           - 6890a b d e + 520b d e
--R
--R
--R
          X
--R
                 6 6 5 2 5 4 3 2 4 3 4 3 3
--R
--R
            - 1280a b e + 40960a b d e + 228385a b d e + 58100a b d e
--R
                  2542 65 76
--R
--R
            - 13090a b d e + 2480a b d e - 240b d
--R
--R
--R
           7 6 6 5 5 2 2 4 4 3 3 3 3 4 4 2
--R
--R
          384a e - 3968a b d e + 32384a b d e + 22155a b d e - 7630a b d e
--R
--R
             2 5 5 6 6
```

```
--R
         1960a b d e - 240a b d
--R
--R
         +----+
--R
         \|- a e + b d
--R /
               749 658 5627 4736
--R
--R
           960a b e - 6720a b d e + 20160a b d e - 33600a b d e
--R
                3 8 4 5 2 9 5 4 10 6 3 11 7 2
--R
           33600a b d e - 20160a b d e + 6720a b d e - 960b d e
--R
--R
--R
           6
--R
          x
--R
--R
               8 3 9 7 4 8 6 5 2 7 5 6 3 6
--R
           3840a b e - 24960a b d e + 67200a b d e - 94080a b d e
--R
--R
               4745 3854 2963
                                               10 7 2
--R
            67200a b d e \, - 13440a b d e \, - 13440a b d e \, + 9600a b \, d e
--R
--R
               11 8
           - 1920b d e
--R
--R
--R
           5
--R
          x
--R
               9 2 9 8 3 8 7 4 2 7 6 5 3 6
--R
--R
           5760a b e - 32640a b d e + 68160a b d e - 47040a b d e
--R
                  5 6 4 5 4 7 5 4 3 8 6 3 2 9 7 2
--R
--R
            - 47040a b d e + 114240a b d e - 87360a b d e + 27840a b d e
--R
--R
                 10 8
--R
           - 960a b d e - 960b d
--R
--R
--R
          X
--R
               10 9 92 8 8327 7436
--R
--R
           3840a b e - 15360a b d e + 3840a b d e + 80640a b d e
--R
                  6545 5654 4763 3872
--R
--R
            - 188160a b d e + 188160a b d e - 80640a b d e - 3840a b d e
--R
                       10 9
--R
                2 9 8
--R
            15360a b d e - 3840a b d
--R
--R
          3
--R
          x
--R
```

```
11 9 10 8 9 2 2 7 8 3 3 6
--R
--R
           960a e + 960a b d e - 27840a b d e + 87360a b d e
--R
                  7 4 4 5 6 5 5 4 5 6 6 3 4 7 7 2
--R
           - 114240a b d e + 47040a b d e + 47040a b d e - 68160a b d e
--R
--R
               3 8 8 2 9 9
--R
--R
          32640a b d e - 5760a b d
--R
--R
--R
          X
--R
              11 8 10 27 9236 8345
--R
--R
           1920a de - 9600a bde + 13440abde + 13440abde
--R
--R
                7 4 5 4 6 5 6 3 5 6 7 2 4 7 8
--R.
           - 67200a b d e + 94080a b d e - 67200a b d e + 24960a b d e
--R
--R
                3 8 9
--R
          - 3840a b d
--R
--R
          X
--R
--R
          11 2 7 10 3 6 9 2 4 5 8 3 5 4
--R
        960a d e - 6720a b d e + 20160a b d e - 33600a b d e
--R
            7 4 6 3 6 5 7 2 5 6 8
--R
--R
        33600a b d e - 20160a b d e + 6720a b d e - 960a b d
--R
--R.
                         +----+
       +-----+ +-----+ | 2 2 2
--R
--R
       \|- a e + b d \|e x + d \|b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1242
--S 1243 of 1618
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
   (7)
--R
--R
      1 2 2 2
--R
--R
     --R /
--R
        5 3 8 4 3 5 2 7 2 3 3 4 2 5 2 6
       b e x + (5a b e + 3b d e )x + (10a b e + 15a b d e + 3b d e)x
--R
--R
--R
                232
          3 2 3
                           4 2 5 3 5
--R
        (10a b e + 30a b d e + 15a b d e + b d )x
--R
```

```
4 3 3 2 2 2 3 2 4 3 4
--R
--R
         (5a b e + 30a b d e + 30a b d e + 5a b d)x
--R
          5 3 4 2 3 2 2
--R
                                  2 3 3 3
--R
         (a e + 15a b d e + 30a b d e + 10a b d )x
--R
          5 2 4 2 3 2 3 2 5 2 4 3 5 3
--R
--R
        (3a d e + 15a b d e + 10a b d )x + (3a d e + 5a b d )x + a d
--R
--R
--R
       +-----+ | 2 2 2
--R
       --R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1243
)clear all
--S 1244 of 1618
t0:=(d+e*x)^m*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)
--R
--R
--R
          2 2
                         2 m
--R (1) (c e x + 2c d e x + c d)(e x + d)
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1244
--S 1245 of 1618
r0:=c*(d+e*x)^(3+m)/(e*(3+m))
--R
--R
--R
               m + 3
--R c (e x + d)
--R (2) -----
          e m + 3e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1245
--S 1246 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          3 3 2 2 2 3 m \log(e x + d)
--R
--R
      (c e x + 3c d e x + 3c d e x + c d )%e
--R (3) -----
--R
                         e m + 3e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1246
--S 1247 of 1618
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R (4)
--R 3 3 2 2 2 3 m log(e x + d) m + 3
--R (c e x + 3c d e x + 3c d e x + c d)%e - c (e x + d)
--R ------
--R
                          e m + 3e
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1247
--S 1248 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    2 2 2 m log(e x + d) m + 2
--R
--R (5) (c e x + 2c d e x + c d)%e - c (e x + d)
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1248
)clear all
--S 1249 of 1618
t0:=(d+e*x)^2*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)
--R.
--R
--R 4 4 4 3 3 2 2 2 3 4
   (1) c e x + 4c d e x + 6c d e x + 4c d e x + c d
--R
--R
                                     Type: Polynomial(Integer)
--E 1249
--S 1250 of 1618
r0:=1/5*c*(d+e*x)^5/e
--R
--R
      1 5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4
      - c e x + c d e x + 2c d e x + 2c d e x + c d e x + - c d
--R
--R (2) ------
--R
--R
                       Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1250
--S 1251 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    1 45 34 223 32 4
--R (3) -cex+cdex+2cdex+2cdex+cdx
--R
--R
                              Type: Polynomial(Fraction(Integer))
```

```
--E 1251
--S 1252 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 5
--R
     -с d
5
--R
--R
--R (4) - -----
--R
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1252
--S 1253 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1253
)clear all
--S 1254 of 1618
t0:=(d+e*x)*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)
--R
--R
    3 3 2 2 2 3
--R
--R (1) c e x + 3c d e x + 3c d e x + c d
--R
                                              Type: Polynomial(Integer)
--Е 1254
--S 1255 of 1618
r0:=1/4*c*(d+e*x)^4/e
--R
--R
--R
       1 44 333 222 3 1 4
--R
        - c e x + c d e x + - c d e x + c d e x + - c d
                          2
--R
--R
--R
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1255
--S 1256 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R 1 3 4 2 3 3 2 2 3
```

```
--R (3) -cex + cdex + -cdex + cdx
--R
    4
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1256
--S 1257 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 4
--R
         - c d
--R
        4
--R
--R (4) - -----
--R
          е
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1257
--S 1258 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1258
)clear all
--S 1259 of 1618
t0:=c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2
--R
--R
--R 2 2
--R (1) c e x + 2c d e x + c d
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--E 1259
--S 1260 of 1618
r0:=c*d^2*x+c*d*e*x^2+1/3*c*e^2*x^3
--R
--R
       1 23 2 2
--R
--R (2) - c e x + c d e x + c d x
--R
    3
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1260
--S 1261 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R 1 23 2 2
--R (3) - c e x + c d e x + c d x
--R 3
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1261
--S 1262 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1262
--S 1263 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1263
)clear all
--S 1264 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)/(d+e*x)
--R
--R
--R (1) c e x + c d
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1264
--S 1265 of 1618
r0:=1/2*c*(d+e*x)^2/e
--R
--R
       1 22 1 2
--R
--R - c e x + c d e x + - c d
--R 2
--R (2) -----
--R
                  е
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1265
--S 1266 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1266
--S 1267 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             2
--R
           c d
--R (4) - ----
            2e
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--R
--Е 1267
--S 1268 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1268
)clear all
--S 1269 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)/(d+e*x)^2
--R
--R
--R (1) c
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1269
--S 1270 of 1618
r0:=c*x
--R
--R
--R
    (2) c x
--R
                                                     Type: Polynomial(Integer)
--E 1270
--S 1271 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3) c x
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1271
```

```
--S 1272 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1272
--S 1273 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
                                               Type: Expression(Integer)
--R
--Е 1273
)clear all
--S 1274 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)/(d+e*x)^3
--R
--R
     С
--R
--R (1) -----
--R
    e x + d
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1274
--S 1275 of 1618
r0:=c*log(d+e*x)/e
--R
--R
--R c log(e x + d)
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1275
--S 1276 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R c log(e x + d)
--R (3) -----
--R
          е
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1276
--S 1277 of 1618
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1277
--S 1278 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1278
)clear all
--S 1279 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)/(d+e*x)^4
--R
--R
--R
         С
--R (1) -----
        2 2 2
--R
--R
       e x + 2d e x + d
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1279
--S 1280 of 1618
r0:=-c/(e*(d+e*x))
--R
--R
     С
--R
--R (2) - ----
     2
e x + d e
--R
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1280
--S 1281 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           С
--R (3) - -----
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1281
--S 1282 of 1618
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1282
--S 1283 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1283
)clear all
--S 1284 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)/(d+e*x)^5
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R
         3 3 2 2 2 3
--R
         e x + 3d e x + 3d e x + d
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1284
--S 1285 of 1618
r0:=-1/2*c/(e*(d+e*x)^2)
--R
--R
--R
                  1
--R
                  - c
--R
                  2
--R
          3 2 2 2
--R
--R
          ex + 2dex + de
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1285
--S 1286 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
           3 2 2 2
--R
--R
           2e x + 4d e x + 2d e
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--E 1286
--S 1287 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1287
--S 1288 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1288
)clear all
--S 1289 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)/(d+e*x)^6
--R
--R
--R
--R
    (1) -----
         4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
         e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1289
--S 1290 of 1618
r0:=-1/3*c/(e*(d+e*x)^3)
--R
--R
--R
                     1
                     - c
--R
--R
                     3
--R
    (2) - -----
--R
          4 3 3 2 2 2
          ex + 3dex + 3dex + de
--R
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1290
--S 1291 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
```

```
4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
           3e x + 9d e x + 9d e x + 3d e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1291
--S 1292 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1292
--S 1293 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1293
)clear all
--S 1294 of 1618
t0:=(d+e*x)^m*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
--R
--R
--R
         244 2 33 2222 23 24 m
--R
    (1) (c e x + 4c d e x + 6c d e x + 4c d e x + c d)(e x + d)
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1294
--S 1295 of 1618
r0:=c^2*(d+e*x)^(5+m)/(e*(5+m))
--R
--R
--R
         2
                m + 5
--R
       c (e x + d)
    (2) -----
--R
--R
           e m + 5e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1295
--S 1296 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
         255 2 44 2233 2322 24 25
        (c e x + 5c d e x + 10c d e x + 10c d e x + 5c d e x + c d)
--R
```

```
--R
--R
    m \log(e x + d)
--R
        %e
--R /
--R
     e m + 5e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1296
--S 1297 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
           255 2 44 2233 2322 24 25
--R
--R
         (c e x + 5c d e x + 10c d e x + 10c d e x + 5c d e x + c d)
--R
--R
          m \log(e x + d)
--R
         %e
--R
        2 m + 5
--R
--R
       - c (e x + d)
--R /
--R
      e m + 5e
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1297
--S 1298 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1298
)clear all
--S 1299 of 1618
t0:=(d+e*x)^2*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
--R
--R
--R
    (1)
--R
    266 2 55 2 2 4 4 2 3 3 3 2 4 2 2 2 5 2 6
--R c e x + 6c d e x + 15c d e x + 20c d e x + 15c d e x + 6c d e x + c d
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--E 1299
--S 1300 of 1618
r0:=1/7*c^2*(d+e*x)^7/e
--R
--R
```

```
--R
       1 2 7 7 2 6 6 2 2 5 5 2 3 4 4 2 4 3 3 2 5 2 2
--R
--R
        -cex +cdex + 3cdex + 5cdex + 5cdex + 3cdex
--R
--R
        2 6 1 2 7
--R
--R
      cdex+-cd
--R
--R /
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1300
--S 1301 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R - c e x + c d e x + 3c d e x + 5c d e x + 5c d e x + 3c d e x + c d x
--R 7
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1301
--S 1302 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 2 7
--R
          - c d
--R
         7
--R (4) - ----
--R
           е
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1302
--S 1303 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1303
)clear all
--S 1304 of 1618
t0:=(d+e*x)*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
--R
--R
```

```
--R 255 2 44 2233 2322 24 25
--R (1) c e x + 5c d e x + 10c d e x + 10c d e x + 5c d e x + c d
--R
                                              Type: Polynomial(Integer)
--Е 1304
--S 1305 of 1618
r0:=1/6*c^2*(d+e*x)^6/e
--R
--R
--R
    (2)
--R
     1 2 6 6 2 5 5 5 2 2 4 4 10 2 3 3 3 5 2 4 2 2 2 5
       - c e x + c d e x + - c d e x + -- c d e x + - c d e x
--R
                                     3
                         2
--R
--R
     1 2 6
- c d
--R
--R
--R
       6
--R /
--R e
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1305
--S 1306 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        1 2 5 6 2 4 5 5 2 2 3 4 10 2 3 2 3 5 2 4 2 2 5
    (3) - c e x + c d e x + - c d e x + -- c d e x + - c d e x + c d x
--R
--R
                           2
                                      3
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1306
--S 1307 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 2 6
--R
          - c d
        6
--R
    (4) - -----
--R
--R
          е
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1307
--S 1308 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
```

```
--E 1308
)clear all
--S 1309 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
--R
--R
       244 2 33 2222 23 24
--R (1) c e x + 4c d e x + 6c d e x + 4c d e x + c d
--R
                                         Type: Polynomial(Integer)
--Е 1309
--S 1310 of 1618
r0:=1/5*c^2*(d+e*x)^5/e
--R
--R
--R
      1 2 5 5 2 4 4 2 2 3 3 2 3 2 2 2 4 1 2 5
       -cex +cdex + 2cdex + 2cdex + cdex + -cd
--R
--R
--R (2) -----
--R
                              е
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1310
--S 1311 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R 1 2 4 5 2 3 4 2 2 2 3 2 3 2 2 4
--R (3) -cex+cdex+2cdex+2cdex+cdx
--R 5
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1311
--S 1312 of 1618
m0:=a0-r0
--R
      1 2 5
--R
--R
--R
        5
--R
--R (4) - -----
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1312
--S 1313 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1313
)clear all
--S 1314 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2/(d+e*x)
--R
--R
        2 3 3 2 2 2 2 2 3
--R
--R (1) c e x + 3c d e x + 3c d e x + c d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1314
--S 1315 of 1618
r0:=1/4*c^2*(d+e*x)^4/e
--R
--R
--R
       1 2 4 4 2 3 3 3 2 2 2 2 2 3 1 2 4
        - c e x + c d e x + - c d e x + c d e x + - c d
--R
--R
                        2
--R (2) -----
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1315
--S 1316 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
       234 2 23 22 2 23
--R
      cex + 4cdex + 6cdex + 4cdx
--R (3) -----
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1316
--S 1317 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         2 4
     c d
--R
--R (4) - ----
--R
         4e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1317
```

```
--S 1318 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1318
)clear all
--S 1319 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2/(d+e*x)^2
--R
--R
--R
        2 2 2 2 2 2 2
--R (1) c e x + 2c d e x + c d
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1319
--S 1320 of 1618
r0:=1/3*c^2*(d+e*x)^3/e
--R
--R
--R
       1 2 3 3 2 2 2 2 2 1 2 3
--R
        - c e x + c d e x + c d e x + - c d
--R
--R
--R
                         е
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1320
--S 1321 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        2 2 3 2 2 2 2 2
--R
       cex + 3cdex + 3cdx
--R (3) -----
                   3
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1321
--S 1322 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          2 3
      c d
--R
--R (4) - ----
--R
          Зе
```

```
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1322
--S 1323 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1323
)clear all
--S 1324 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2/(d+e*x)^3
--R
--R
--R
        2 2
--R (1) c e x + c d
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--R
--Е 1324
--S 1325 of 1618
r0:=1/2*c^2*(d+e*x)^2/e
--R
--R
        1 2 2 2 2 1 2 2
--R
--R
        -cex+cdex+-cd
--R
--R (2) -----
          е
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1325
--S 1326 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        2 2 2
--R
    c e x + 2c d x
--R
--R (3) -----
--R
          2
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1326
--S 1327 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
    2 2
--R
```

```
--R
     c d
--R
    (4) - ----
--R
            2e
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1327
--S 1328 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1328
)clear all
--S 1329 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2/(d+e*x)^4
--R
--R
--R
         2
--R (1) c
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1329
--S 1330 of 1618
r0:=c^2*x
--R
--R
--R 2
--R (2) c x
--R
                                                    Type: Polynomial(Integer)
--E 1330
--S 1331 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          2
    (3) c x
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--Е 1331
--S 1332 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1332
```

```
--S 1333 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1333
)clear all
--S 1334 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2/(d+e*x)^5
--R
--R
--R
            2
    С
--R
--R (1) -----
--R e x + d
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--R
--Е 1334
--S 1335 of 1618
r0:=c^2*log(d+e*x)/e
--R
--R
    2
c log(e x + d)
--R
--R
--R (2) -----
     е
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1335
--S 1336 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        2
--R c \log(e x + d)
--R (3) -----
--R
               е
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1336
--S 1337 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
```

```
--Е 1337
--S 1338 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1338
)clear all
--S 1339 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2/(d+e*x)^6
--R
--R
--R
                2
--R
           С
--R (1) -----
        2 2 2
--R
         e x + 2d e x + d
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1339
--S 1340 of 1618
r0:=-c^2/(e*(d+e*x))
--R
--R
--R
              2
--R
             С
--R
    (2) - -----
          2
--R
--R
         e x + d e
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1340
--S 1341 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
               2
--R
--R
            С
--R (3) - -----
           2
--R
--R
         e x + d e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1341
--S 1342 of 1618
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1342
--S 1343 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1343
)clear all
--S 1344 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2/(d+e*x)^7
--R
--R
--R
--R
--R
    (1) -----
--R
         3 3 2 2 2 3
--R
         e x + 3d e x + 3d e x + d
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1344
--S 1345 of 1618
r0:=-1/2*c^2/(e*(d+e*x)^2)
--R
--R
--R
                  1 2
--R
                  - c
--R
                  2
--R
     (2) - -----
           3 2 2 2
--R
--R
           ex + 2dex + de
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1345
--S 1346 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                     2
--R
--R
            3 2 2 2
--R
           2e x + 4d e x + 2d e
--R
```

```
Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--Е 1346
--S 1347 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1347
--S 1348 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1348
)clear all
--S 1349 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2/(d+e*x)^8
--R
--R
--R
                           2
--R
                          С
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
          e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1349
--S 1350 of 1618
r0:=-1/3*c^2/(e*(d+e*x)^3)
--R
--R
                       1 2
--R
                        - c
--R
--R
                       3
--R
--R
           4 3 3 2 2 2
--R
           e x + 3d e x + 3d e x + d e
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1350
--S 1351 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
    (3) - -----
          4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
         3e x + 9d e x + 9d e x + 3d e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1351
--S 1352 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1352
--S 1353 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1353
)clear all
--S 1354 of 1618
t0:=(d+e*x)^m/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)
--R
--R
--R
      (e x + d)
--R
--R (1) -----
     2 2 2
--R
--R
       c e x + 2c d e x + c d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1354
--S 1355 of 1618
r0:=-(d+e*x)^(-1+m)/(c*e*(1-m))
--R
--R
--R
          m - 1
--R (e x + d)
--R (2) -----
--R
         cem-ce
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1355
--S 1356 of 1618
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               m \log(e x + d)
--R
              %e
--R (3) -----
        2 2
--R
--R
       (cem-ce)x+cdem-cde
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1356
--S 1357 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        m log(e x + d)
--R
       e + (-ex - d)(ex + d)
--R (4) -----
--R
                   2
              2
--R
           (cem-ce)x+cdem-cde
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1357
--S 1358 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1358
)clear all
--S 1359 of 1618
t0:=(d+e*x)^5/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)
--R
--R
--R
       3 3 2 2 2 3
--R
        ex + 3d ex + 3d ex + d
   (1) -----
--R
--R
                  С
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1359
--S 1360 of 1618
r0:=1/4*(d+e*x)^4/(c*e)
--R
--R
--R
      1 4 4 3 3 3 2 2 2 3 1 4
        - e x + d e x + - d e x + d e x + - d
--R
```

```
--R
     (2) -----
--R
--R
                        се
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1360
--S 1361 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         3 4 2 3 2 2 3
--R
         e x + 4d e x + 6d e x + 4d x
--R
    (3) -----
--R
                     4c
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1361
--S 1362 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
          d
--R
   (4) - ----
--R
          4c e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1362
--S 1363 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1363
)clear all
--S 1364 of 1618
t0:=(d+e*x)^4/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)
--R
--R
        2 2 2
--R
     e x + 2d e x + d
--R
--R (1) -----
--R
               С
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1364
--S 1365 of 1618
```

```
r0:=1/3*(d+e*x)^3/(c*e)
--R
--R
       1 3 3 2 2 2 1 3
--R
--R
       - e x + d e x + d e x + - d
--R
       3
--R (2) -----
--R
                 се
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1365
--S 1366 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        2 3 2 2
--R
--R e x + 3d e x + 3d x
--R (3) -----
         3c
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--Е 1366
--S 1367 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
    3
d
--R
--R
--R
   (4) - ----
--R
    3с е
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1367
--S 1368 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1368
)clear all
--S 1369 of 1618
t0:=(d+e*x)^3/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)
--R
--R
--R e x + d
--R (1) -----
--R c
```

```
Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--R
--Е 1369
--S 1370 of 1618
r0:=1/2*(d+e*x)^2/(c*e)
--R
--R
       1 2 2 1 2
--R
--R - e x + d e x + - d --R 2 2
--R (2) -----
    се
--R
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1370
--S 1371 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          2
-R \geq -R e x + 2d x
--R (3) -----
     2c
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1371
--S 1372 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R 2
--R d
--R (4) - ----
--R
         2c e
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1372
--S 1373 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1373
)clear all
--S 1374 of 1618
t0:=(d+e*x)^2/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)
--R
```

```
--R
--R
          1
--R
    (1) -
--R
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1374
--S 1375 of 1618
r0:=x/c
--R
--R
--R
    (2) -
--R
--R
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1375
--S 1376 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        x
--R
    (3) -
--R
      С
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1376
--S 1377 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
                                                     Type: Expression(Integer)
--R
--Е 1377
--S 1378 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1378
)clear all
--S 1379 of 1618
t0:=(d+e*x)/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)
--R
--R
--R
               1
```

```
--R (1) -----
--R
    cex+cd
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1379
--S 1380 of 1618
r0:=log(d+e*x)/(c*e)
--R
--R
--R
        log(e x + d)
--R (2) -----
          се
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1380
--S 1381 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       log(e x + d)
--R (3) -----
--R
          се
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1381
--S 1382 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1382
--S 1383 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1383
)clear all
--S 1384 of 1618
t0:=1/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)
--R
--R
--R
                  1
--R (1) -----
--R
           2 2
                            2
```

```
--R
    cex + 2cdex + cd
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1384
--S 1385 of 1618
r0:=(-1)/(c*e*(d+e*x))
--R
--R
--R
            1
--R (2) - -----
--R
    2
c e x + c d e
         2
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1385
--S 1386 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
         2
--R
     cex+cde
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1386
--S 1387 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1387
--S 1388 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1388
)clear all
--S 1389 of 1618
t0:=1/((d+e*x)*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
```

```
3 3 2 2 2 3
--R
         cex + 3cdex + 3cdex + cd
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1389
--S 1390 of 1618
r0:=(-1/2)/(c*e*(d+e*x)^2)
--R
--R
--R
                     1
--R
                     2
--R
    (2) - -----
--R
            3 2 2
--R
--R
         cex + 2cdex + cde
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1390
--S 1391 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - ----
--R
          3 2 2 2
--R
         2c e x + 4c d e x + 2c d e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1391
--S 1392 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1392
--S 1393 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1393
)clear all
--S 1394 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^2*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2))
--R
```

```
--R
--R
                   1
--R (1) -----
--R 4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
      cex+4cdex+6cdex+4cdex+cd
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1394
--S 1395 of 1618
r0:=(-1/3)/(c*e*(d+e*x)^3)
--R
--R
--R
                     1
--R
--R
--R (2) - -----
--R
        4 3 3 2 2 2 3
--R
       cex + 3cdex + 3cdex + cde
--R
                        Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1395
--S 1396 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
    4 3 3 2 2 2 3
--R
--R
       3c e x + 9c d e x + 9c d e x + 3c d e
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1396
--S 1397 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1397
--S 1398 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 1398
)clear all
```

```
--S 1399 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^3*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2))
--R
--R
--R
                            1
--R (1) ------
    5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
      c e x + 5c d e x + 10c d e x + 10c d e x + 5c d e x + c d
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1399
--S 1400 of 1618
r0:=(-1/4)/(c*e*(d+e*x)^4)
--R
--R
--R
                          1
--R
--R
--R (2) - -----
        5 4 4 3 2 3 2 3 2 4
--R
        cex + 4cdex + 6cdex + 4cdex + cde
--R
                        Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1400
--S 1401 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                       1
--R
--R (3) - -----
        5 4 4 3 2 3 2 3 2 4
--R
--R
        4c e x + 16c d e x + 24c d e x + 16c d e x + 4c d e
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1401
--S 1402 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1402
--S 1403 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1403
```

```
)clear all
--S 1404 of 1618
t0:=(d+e*x)^m/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
--R
--R
--R
--R
                        (e x + d)
--R
   (1) -----
--R
         2 4 4 2 3 3 2 2 2 2
                                      2 3
                                              2 4
--R
        cex + 4cdex + 6cdex + 4cdex + cd
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1404
--S 1405 of 1618
r0:=-(d+e*x)^(-3+m)/(c^2*e*(3-m))
--R
--R
--R
              m - 3
--R
      (e x + d)
--R (2) -----
         2 2
--R
--R
         c e m - 3c e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1405
--S 1406 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
     m log(e x + d)
--R
      %e
--R /
               2 4 3 2 3 2 3 2 2 2 2 2 2 2
--R
       (c e m - 3c e )x + (3c d e m - 9c d e )x + (3c d e m - 9c d e )x
--R
--R
        2 3
--R
                2 3
--R
        cdem-3cde
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1406
--S 1407 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     m log(e x + d) 3 3 2 2 2 3 m - 3
--R
                  + (- e x - 3d e x - 3d e x - d)(e x + d)
--R
      %e
```

```
--R /
       24 243 23 232 222 222
--R
--R
       (c e m - 3c e)x + (3c d e m - 9c d e)x + (3c d e m - 9c d e)x
--R
--R
        2 3 2 3
--R
      cdem-3cde
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1407
--S 1408 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1408
)clear all
--S 1409 of 1618
t0:=(d+e*x)^7/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
--R
--R
--R
        3 3 2 2 2 3
--R
        e x + 3d e x + 3d e x + d
--R (1) -----
                 2
--R
--R
                  С
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1409
--S 1410 of 1618
r0:=1/4*(d+e*x)^4/(c^2*e)
--R
--R
       1 4 4 3 3 3 2 2 2 3 1 4
--R
--R
       - e x + d e x + - d e x + d e x + - d
--R
                     2
--R
   (2) -----
--R
                      2
--R
                      се
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1410
--S 1411 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       3 4 2 3 2 2 3
--R ex + 4d ex + 6d ex + 4d x
```

```
--R (3) -----
--R
                   2
--R
                    4c
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1411
--S 1412 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         d
--R (4) - ----
--R
    2
4c e
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1412
--S 1413 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1413
)clear all
--S 1414 of 1618
t0:=(d+e*x)^6/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
--R
--R
       2 2 2
--R 2 2 2 2
--R e x + 2d e x + d
--R (1) -----
     2
--R
--R
               С
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1414
--S 1415 of 1618
r0:=1/3*(d+e*x)^3/(c^2*e)
--R
--R
     1 3 3 2 2 2 1 3
- e x + d e x + d e x + - d
3 3
--R
--R
--R
--R (2) -----
--R
                   2
--R
                    се
```

```
Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--R
--E 1415
--S 1416 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        2 3 2 2
--R
--R
       e x + 3d e x + 3d x
--R (3) -----
--R
          2
               3с
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1416
--S 1417 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
          d
--R (4) - ----
--R
          2
--R
        3с е
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1417
--S 1418 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
                                                Type: Expression(Integer)
--R
--Е 1418
)clear all
--S 1419 of 1618
t0:=(d+e*x)^5/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
--R
--R
--R
      e x + d
--R (1) -----
--R 2
--R c
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1419
--S 1420 of 1618
r0:=1/2*(d+e*x)^2/(c^2*e)
```

```
--R
--R
       1 2 2 1 2
--R
     - e x + d e x + - d
2 2
--R
--R
--R (2) -----
                2
--R
--R
               се
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1420
--S 1421 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          2
--R e x + 2d x
--R (3) -----
        2
2c
--R
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1421
--S 1422 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
          d
--R (4) - ----
          2
--R
         2c e
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1422
--S 1423 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1423
)clear all
--S 1424 of 1618
t0:=(d+e*x)^4/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
--R
--R
--R
   1
```

```
--R
    (1) --
--R
         2
--R
          С
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1424
--S 1425 of 1618
r0:=x/c^2
--R
--R
--R
--R
    (2) --
          2
--R
--R
         С
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1425
--S 1426 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) --
--R
         2
--R
          С
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1426
--S 1427 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1427
--S 1428 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1428
)clear all
--S 1429 of 1618
t0:=(d+e*x)^3/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
--R
--R
```

```
1
--R
--R (1) -----
    2 2
--R
--R
        cex+cd
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1429
--S 1430 of 1618
r0:=log(d+e*x)/(c^2*e)
--R
--R
--R
         log(e x + d)
--R (2) -----
             2
--R
--R
            се
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1430
--S 1431 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R log(e x + d)
--R (3) -----
         2
--R
--R
            се
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1431
--S 1432 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1432
--S 1433 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1433
)clear all
--S 1434 of 1618
t0:=(d+e*x)^2/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
--R
```

```
--R
--R
              1
--R (1) -----
    2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
        cex + 2cdex + cd
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1434
--S 1435 of 1618
r0:=(-1)/(c^2*e*(d+e*x))
--R
--R
--R
    (2) - -----
--R
    2 2 _
c e x + c d e
--R
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1435
--S 1436 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        1
--R (3) - -----
     2 2 2 c e x + c d e
--R
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1436
--S 1437 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1437
--S 1438 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1438
)clear all
--S 1439 of 1618
t0:=(d+e*x)/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
```

```
--R
--R
--R
--R
    (1) -----
--R
        2 3 3 2 2 2 2 2 2 3
--R
        cex + 3cdex + 3cdex + cd
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1439
--S 1440 of 1618
r0:=(-1/2)/(c^2*e*(d+e*x)^2)
--R
--R
--R
                     1
--R
--R
                     2
--R (2) - -----
--R
          2 3 2 2 2 2 2
--R
         cex + 2cdex + cde
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--R
--E 1440
--S 1441 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                    1
--R
--R
           2 3 2 2 2 2 2
--R
          2c e x + 4c d e x + 2c d e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1441
--S 1442 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1442
--S 1443 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1443
)clear all
```

```
--S 1444 of 1618
t0:=1/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2
--R
--R
--R
                         1
--R (1) -----
        244 2 33 2222 23 24
--R
--R
        c e x + 4c d e x + 6c d e x + 4c d e x + c d
--R
                                 Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1444
--S 1445 of 1618
r0:=(-1/3)/(c^2*e*(d+e*x)^3)
--R
--R
--R
                       1
--R
--R
                      3
--R (2) - -----
         243 2 32 222 23
--R
--R
        cex + 3cdex + 3cdex + cde
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1445
--S 1446 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
         2 4 3 2 3 2 2 2 2 3
--R
--R
        3c e x + 9c d e x + 9c d e x + 3c d e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1446
--S 1447 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1447
--S 1448 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1448
)clear all
--S 1449 of 1618
t0:=1/((d+e*x)*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2)
--R
--R
                              1
--R (1) ------
--R
        255 2 44 2233 2322 24 25
--R
       c e x + 5c d e x + 10c d e x + 10c d e x + 5c d e x + c d
--R
                                 Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1449
--S 1450 of 1618
r0:=(-1/4)/(c^2*e*(d+e*x)^4)
--R
--R
--R
--R
--R
--R (2) - ----
--R
         254 2 43 2232 232 24
--R
         cex + 4cdex + 6cdex + 4cdex + cde
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1450
--S 1451 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
   (3) - -----
          254 243 2232 232 24
--R
         4c e x + 16c d e x + 24c d e x + 16c d e x + 4c d e
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1451
--S 1452 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1452
--S 1453 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1453
)clear all
--S 1454 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^2*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^2)
--R
--R
--R
   (1)
--R
--R
    266 2 55 2244 2333 2422 25 26
--R
--R c e x + 6c d e x + 15c d e x + 20c d e x + 15c d e x + 6c d e x + c d
--R.
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1454
--S 1455 of 1618
r0:=(-1/5)/(c^2*e*(d+e*x)^5)
--R
--R
--R
--R
--R
--R
         265 254 2243 2332 242 25
--R
--R
        c e x + 5c d e x + 10c d e x + 10c d e x + 5c d e x + c d e
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1455
--S 1456 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - ------
          265 254 2243 2332 242 25
--R
         5c e x + 25c d e x + 50c d e x + 50c d e x + 25c d e x + 5c d e
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1456
--S 1457 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1457
```

```
--S 1458 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1458
)clear all
--S 1459 of 1618
t0:=(d+e*x)^m/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3
--R
--R
--R
    (1)
--R
--R
                               (e x + d)
--R ------
--R 3 6 6 3 5 5 3 2 4 4 3 3 3 3 3 4 2 2 3 5 3 6
--R c e x + 6c d e x + 15c d e x + 20c d e x + 15c d e x + 6c d e x + c d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1459
--S 1460 of 1618
r0:=-(d+e*x)^(-5+m)/(c^3*e*(5-m))
--R
--R
--R
         m - 5
     (e x + d)
--R
--R (2) -----
        3 3
--R
--R
        c e m - 5c e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1460
--S 1461 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
      m \log(e x + d)
--R
      %e
--R /
               3 6 5 3 5 3 5 4 3 2 4 3 2 4 3
--R
--R
        (c e m - 5c e)x + (5c d e m - 25c d e)x + (10c d e m - 50c d e)x
--R
--R
                  3 3 3 2
                              3 4 2
                                        3 4 2
                                                 3 5
        (10c d e m - 50c d e)x + (5c d e m - 25c d e)x + c d e m - 5c d e
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--E 1461
--S 1462 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
         m \log(e x + d)
--R
       %e
--R
--R
          55 44 233 322 4 5 m-5
--R
       (- e x - 5d e x - 10d e x - 10d e x - 5d e x - d)(e x + d)
--R /
               365
                         3 5 3 5 4 3 2 4
--R
                                                        3 2 4 3
--R
       (c e m - 5c e )x + (5c d e m - 25c d e )x + (10c d e m - 50c d e )x
--R
--R
           3 3 3 3 3 3 2 3 4 2 3 4 2 3 5
--R
        (10c d e m - 50c d e)x + (5c d e m - 25c d e)x + c d e m - 5c d e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1462
--S 1463 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1463
)clear all
--S 1464 of 1618
t0:=(d+e*x)^9/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3
--R
--R
         3 3 2 2 2 3
--R
--R
        e x + 3d e x + 3d e x + d
--R
   (1) -----
--R
                    3
--R
                   С
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1464
--S 1465 of 1618
r0:=1/4*(d+e*x)^4/(c^3*e)
--R
--R
--R
        1 4 4 3 3 3 2 2 2 3 1 4
         - e x + d e x + - d e x + d e x + - d
--R
--R
                       2
                                       4
```

```
--R
--R
                         3
--R
                          се
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1465
--S 1466 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         3 4 2 3 2 2 3
--R
         e x + 4d e x + 6d e x + 4d x
    (3) -----
--R
--R
                      3
--R
                     4c
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1466
--S 1467 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
            4
--R
           d
    (4) - ----
--R
           3
--R
--R
          4c e
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1467
--S 1468 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1468
)clear all
--S 1469 of 1618
t0:=(d+e*x)^8/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3
--R
--R
        2 2
--R
                       2
      e x + 2d e x + d
--R
--R (1) -----
--R
                3
--R
                С
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
```

```
--E 1469
--S 1470 of 1618
r0:=1/3*(d+e*x)^3/(c^3*e)
--R
--R
       1 3 3 2 2 2 1 3
--R
     - e x + d e x + d e x + - d
3 3
--R
--R
--R (2) -----
--R
                    3
--R
                    се
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1470
--S 1471 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        2 3 2 2
--R e x + 3d e x + 3d x
--R (3) -----
         3
--R
--R
                Зс
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1471
--S 1472 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
--R (4) - ----
         3
--R
        Зс е
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1472
--S 1473 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1473
)clear all
--S 1474 of 1618
```

```
t0:=(d+e*x)^7/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3
--R
--R
--R e x + d
--R (1) -----
--R 3
--R
          С
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1474
--S 1475 of 1618
r0:=1/2*(d+e*x)^2/(c^3*e)
--R
--R
   1 2 2 1 2
- e x + d e x + - d
2 2
--R
--R
--R
--R (2) -----
--R
               3
--R
               се
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1475
--S 1476 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        2
--R (3) -----
--R 3
           2c
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1476
--S 1477 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
           2
--R
          d
--R (4) - ----
--R
          3
--R
        2c e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1477
--S 1478 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1478
)clear all
--S 1479 of 1618
t0:=(d+e*x)^6/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3
--R
--R
--R
           1
--R
    (1) --
--R
           3
--R
          С
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1479
--S 1480 of 1618
r0:=x/c^3
--R
--R
--R
           X
--R
    (2) --
--R
           3
--R
          С
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1480
--S 1481 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           X
--R (3) --
--R
          3
--R
          С
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1481
--S 1482 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1482
--S 1483 of 1618
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1483
)clear all
--S 1484 of 1618
t0:=(d+e*x)^5/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3
--R
--R
--R
    (1) -----
--R
--R
    3 3
--R
       cex+cd
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1484
--S 1485 of 1618
r0:=log(d+e*x)/(c^3*e)
--R
--R
--R log(e x + d)
--R (2) -----
        3
c e
--R
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1485
--S 1486 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        log(e x + d)
--R (3) -----
--R
          3
--R
            се
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1486
--S 1487 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1487
--S 1488 of 1618
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1488
)clear all
--S 1489 of 1618
t0:=(d+e*x)^4/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3
--R
--R
--R
                  1
   (1) -----
--R
--R
        3 2 2 3 3 2
--R
        cex + 2cdex + cd
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1489
--S 1490 of 1618
r0:=(-1)/(c^3*e*(d+e*x))
--R
--R
--R
         1
--R
    (2) - -----
          3 2 3
--R
--R
          cex+cde
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1490
--S 1491 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
              1
--R (3) - -----
          3 2 3
--R
        o e x + c d e
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1491
--S 1492 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1492
```

```
--S 1493 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1493
)clear all
--S 1494 of 1618
t0:=(d+e*x)^3/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3
--R
--R
--R
                     1
--R (1) -----
--R 3 3 3 3 2 2 3 2 3 3
--R
       cex + 3cdex + 3cdex + cd
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1494
--S 1495 of 1618
r0:=(-1/2)/(c^3*e*(d+e*x)^2)
--R
--R
--R
                    1
--R
--R
--R (2) - -----
--R
         3 3 2 3 2 3 2
--R
        cex + 2cdex + cde
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1495
--S 1496 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
   (3) - -----
          3 3 2 3 2 3 2
--R
         2c e x + 4c d e x + 2c d e
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1496
--S 1497 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1497
--S 1498 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1498
)clear all
--S 1499 of 1618
t0:=(d+e*x)^2/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3
--R
--R
--R
                          1
--R (1) -----
       3 4 4 3 3 3 3 2 2 2 3 3 3 4
--R
--R
        cex + 4cdex + 6cdex + 4cdex + cd
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--R
--E 1499
--S 1500 of 1618
r0:=(-1/3)/(c^3*e*(d+e*x)^3)
--R
--R
--R
                        1
--R
--R
                      3
--R (2) - -----
         3 4 3 3 3 2 3 2 2 3 3
--R
--R
         cex + 3cdex + 3cdex + cde
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1500
--S 1501 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                       1
--R (3) - -----
--R
          3 4 3 3 3 2 3 2 2 3 3
--R
        3c e x + 9c d e x + 9c d e x + 3c d e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1501
--S 1502 of 1618
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1502
--S 1503 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1503
)clear all
--S 1504 of 1618
t0:=(d+e*x)/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3
--R
--R
--R
--R (1) ------
        355 3 44 3233 3322 34 35
--R
--R
        c e x + 5c d e x + 10c d e x + 10c d e x + 5c d e x + c d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1504
--S 1505 of 1618
r0:=(-1/4)/(c^3*e*(d+e*x)^4)
--R
--R
--R
                            1
--R
--R
--R
         354 3 43 3232 332 34
--R
--R
        cex + 4cdex + 6cdex + 4cdex + cde
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1505
--S 1506 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
          354 3 43 3232 332 34
--R
--R
         4c e x + 16c d e x + 24c d e x + 16c d e x + 4c d e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1506
```

```
--S 1507 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1507
--S 1508 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1508
)clear all
--S 1509 of 1618
t0:=1/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
--R
--R ------
    3 6 6 3 5 5 3 2 4 4 3 3 3 3 3 4 2 2 3 5 3 6
--R
--R
    c e x + 6c d e x + 15c d e x + 20c d e x + 15c d e x + 6c d e x + c d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1509
--S 1510 of 1618
r0:=(-1/5)/(c^3*e*(d+e*x)^5)
--R
--R
--R
--R
--R (2) ------
         365 354 3243 3332 342 35
--R
       c e x + 5c d e x + 10c d e x + 10c d e x + 5c d e x + c d e
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1510
--S 1511 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - ------
```

```
3 6 5 3 5 4 3 2 4 3 3 3 3 2 3 4 2 3 5
--R
--R
           5c e x + 25c d e x + 50c d e x + 50c d e x + 25c d e x + 5c d e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1511
--S 1512 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1512
--S 1513 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1513
)clear all
--S 1514 of 1618
t0:=1/((d+e*x)*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3)
--R
--R
--R
    (1)
--R 1
--R /
         377 3 66 3255 3344 3433 3522
--R
--R
       c e x + 7c d e x + 21c d e x + 35c d e x + 35c d e x + 21c d e x
--R
--R
         3 6 3 7
--R
        7cdex+cd
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1514
--S 1515 of 1618
r0:=(-1/6)/(c^3*e*(d+e*x)^6)
--R
--R
--R.
    (2)
--R
--R
        1
--R
--R
--R
--R
           376 3 65 3254 3343 3432 352
--R
          c e x + 6c d e x + 15c d e x + 20c d e x + 15c d e x + 6c d e x
```

```
--R
--R
            3 6
--R
           c d e
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1515
--S 1516 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
         1
--R
--R
             3 7 6 3 6 5 3 2 5 4 3 3 4 3 3 4 3 2
--R
          6c e x + 36c d e x + 90c d e x + 120c d e x + 90c d e x
--R
--R
             3 5 2 3 6
--R
           36c d e x + 6c d e
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--Е 1516
--S 1517 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1517
--S 1518 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1518
)clear all
--S 1519 of 1618
t0:=1/((d+e*x)^2*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^3)
--R
--R
--R
    (1)
--R
--R /
--R
         388 3 77 3266 3355 3444 3533
       c e x + 8c d e x + 28c d e x + 56c d e x + 70c d e x + 56c d e x
--R
--R
```

```
3 6 2 2 3 7 3 8
--R
--R
        28c d e x + 8c d e x + c d
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1519
--S 1520 of 1618
r0:=(-1/7)/(c^3*e*(d+e*x)^7)
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
         1
--R
         7
--R
--R
--R
           387 3 76 3265 3354 3443 3532
--R
          c e x + 7c d e x + 21c d e x + 35c d e x + 35c d e x + 21c d e x
--R
--R
           3 6 2 3 7
--R
          7c d e x + c d e
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1520
--S 1521 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
       1
--R
            387 376 3265 3354 3443
--R
--R
           7c e x + 49c d e x + 147c d e x + 245c d e x + 245c d e x
--R
--R
              3 5 3 2 3 6 2
                                  3 7
          147c d e x + 49c d e x + 7c d e
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1521
--S 1522 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1522
--S 1523 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1523
)clear all
--S 1524 of 1618
t0:=(d+e*x)^m*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p
--R
--R
                m 22
--R
    (1) (e x + d) (c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1524
--S 1525 of 1618
\texttt{r0:=(d+e*x)^(1+m)*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p/(e*(1+m+2*p))}
--R
--R
--R
               m + 1 2 2
     (e x + d) (c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R
--R
                    2e p + e m + e
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1525
--S 1526 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                   m \log(e x + d) 2p \log(e x + d) + p \log(c)
--R
--R
        (e x + d)%e %e
--R
                           2e p + e m + e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1526
--S 1527 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R.
    (4)
            m \log(e x + d) 2p \log(e x + d) + p \log(c)
--R.
--R
        (e x + d)\%e %e
         m + 1 2 2 2 2 p
--R
--R
--R
        - (e x + d) 	 (c e x + 2c d e x + c d)
--R /
--R
    2e p + e m + e
```

```
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1527
--S 1528 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1528
)clear all
--S 1529 of 1618
t0:=(d+e*x)^3*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p
--R
--R
--R
         3 3 2 2 2 3 2 2 2 p
--R (1) (e x + 3d e x + 3d e x + d)(c e x + 2c d e x + c d)
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1529
--S 1530 of 1618
r0:=1/2*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^(2+p)/(c^2*e*(2+p))
--R
--R
           2 2
                   2 p + 2
--R
    (c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R (2) -----
--R
          2 2
--R
                2c e p + 4c e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1530
--S 1531 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
     4 4 3 3 2 2 2 3 4 p log(c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R
    (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d)%e
--R.
--R
                                2e p + 4e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1531
--S 1532 of 1618
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
    (4)
--R
           --R
         (c e x + 4c d e x + 6c d e x + 4c d e x + c d)
--R
--R
                   2 2
--R
          p log(c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R
--R
            2 2
                              2 p + 2
--R
       - (c e x + 2c d e x + c d )
--R /
       2 2
--R
      2c e p + 4c e
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1532
--S 1533 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1533
)clear all
--S 1534 of 1618
t0:=(d+e*x)^2*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p
--R
--R
         2 2 2 2 2
--R
--R
   (1) (e x + 2d e x + d)(c e x + 2c d e x + c d)
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1534
--S 1535 of 1618
r0:=(d+e*x)^3*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p/(e*(3+2*p))
--R
--R
--R
          3 3
                 2 2 2 3 2 2
--R
        (e x + 3d e x + 3d e x + d)(c e x + 2c d e x + c d)
--R.
--R
                             2e p + 3e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1535
--S 1536 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
                                           2 2
         3 3 2 2 2 3 p log(c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R
         (e x + 3d e x + 3d e x + d)%e
--R (3) -----
--R
                               2e p + 3e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1536
--S 1537 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                                          2 2
         3 3 2 2 2 3 p log(c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R
       (e x + 3d e x + 3d e x + d)%e
--R
--R
          3 3 2 2 2 3 2 2 2 p
       (-ex - 3d ex - 3d ex - d)(cex + 2cd ex + cd)
--R
--R /
--R
      2e p + 3e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1537
--S 1538 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1538
)clear all
--S 1539 of 1618
t0:=(d+e*x)*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p
--R
--R
--R
                  2 2
    (1) (e x + d)(c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1539
--S 1540 of 1618
r0:=1/2*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^(1+p)/(c*e*(1+p))
--R
--R
            2 2 2 2 p + 1
--R
--R
       (cex + 2cdex + cd)
```

```
--R
               2c e p + 2c e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1540
--S 1541 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                                  2 2
--R
--R
         2 2 p log(c e x + 2c d e x + c d)
--R
        (e x + 2d e x + d) \%e
--R (3) -----
--R
                           2e p + 2e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1541
--S 1542 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                       2 2
           2 2 p log(c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R
      (c e x + 2c d e x + c d)%e
--R
           2 2
--R
                             2 p + 1
--R
      -(cex + 2cdex + cd)
--R /
--R
     2c e p + 2c e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1542
--S 1543 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1543
)clear all
--S 1544 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p
--R
--R
--R
           2 2
--R (1) (c e x + 2c d e x + c d)
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1544
--S 1545 of 1618
r0:=(d+e*x)*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p/(e*(1+2*p))
--R
--R
--R
                      2 2
--R
         (e x + d)(c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R
                       2e p + e
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1545
--S 1546 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                             2 2
                    p log(c e x + 2c d e x + c d )
--R
--R
          (e x + d)\%e
--R
--R
                          2e p + e
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1546
--S 1547 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                            2 2
                  p log(c e x + 2c d e x + c d)
--R
       (e x + d)\%e
--R
--R
--R
                       2 2
--R
       (-ex-d)(cex + 2cdex + cd)
--R /
--R
       2e p + e
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1547
--S 1548 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1548
)clear all
```

```
--S 1549 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p/(d+e*x)
--R
--R
          2 2
--R
--R
       (cex + 2cdex + cd)
--R (1) -----
--R
               ex+d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1549
--S 1550 of 1618
r0:=1/2*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p/(e*p)
--R
--R
--R
          2 2
                          2 p
--R (c e x + 2c d e x + c d)
--R (2) -----
--R
                2e p
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1550
--S 1551 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                2 2
       p \log(c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R
        %e
--R
--R
                    2e p
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1551
--S 1552 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                2 2
         p log(c e x + 2c d e x + c d ) 2 2 2 2 p
--R
--R
                               -(cex + 2cdex + cd)
--R
    (4) -----
--R
                                2e p
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1552
--S 1553 of 1618
d0:=normalize m0
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1553
)clear all
--S 1554 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p/(d+e*x)^2
--R
--R
--R
           2 2
--R (c e x + 2c d e x + c d)
--R (1) ------
         2 2
e x + 2d e x + d
--R
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1554
--S 1555 of 1618
r0:=-(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p/(e*(1-2*p)*(d+e*x))
--R
          2 2 2 2 p
--R
    (c e x + 2c d e x + c d )
--R
   (2) -----
--R
         2 2
--R
--R
       (2e p - e )x + 2d e p - d e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1555
--S 1556 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                2 2
--R
--R
         p log(c e x + 2c d e x + c d)
       %e
--R
   (3) -----
--R
--R
          (2e p - e )x + 2d e p - d e
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1556
--S 1557 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
                2 2 2
--R
   p \log(c e x + 2c d e x + c d) 2 2
--R
                                                   2 p
```

```
--R
         %e
                                     -(cex + 2cdex + cd)
--R
--R
                        2 2
--R
                        (2e p - e )x + 2d e p - d e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1557
--S 1558 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1558
)clear all
--S 1559 of 1618
t0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p/(d+e*x)^3
--R
--R
--R
            2 2
--R
        (c e x + 2c d e x + c d)
--R (1) -----
--R
         3 3 2 2 2 3
--R
         e x + 3d e x + 3d e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1559
--S 1560 of 1618
r0:=-1/2*c*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^(-1+p)/(e*(1-p))
--R
--R
--R
            2 2
                             2 p - 1
--R
       c(cex + 2cdex + cd)
--R (2) -----
--R
                  2e p - 2e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1560
--S 1561 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                        2 2
                  p \log(c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R
--R
--R
          3 3 2 2 2 2 2
         (2e p - 2e )x + (4d e p - 4d e )x + 2d e p - 2d e
--R
```

```
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1561
--S 1562 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
               2 2
       p log(c e x + 2c d e x + c d )
--R
--R
      %e
     + 2 2
--R
                  2 2 2 2 2 p - 1
--R
      (-cex - 2cdex - cd)(cex + 2cdex + cd)
--R
--R /
--R
       3 3 2 2 2 2
--R
      (2e p - 2e )x + (4d e p - 4d e )x + 2d e p - 2d e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1562
--S 1563 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1563
)clear all
--S 1564 of 1618
t0:=(d+e*x)^m/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^m
--R
--R
--R
                     m
              (e x + d)
--R
--R (1) -----
         2 2
--R
--R
       (c e x + 2c d e x + c d)
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1564
--S 1565 of 1618
r0:=(d+e*x)^(1+m)/(e*(1-m)*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^m)
--R
--R
--R
                        m + 1
--R
                 (e x + d)
   (2) - -----
--R
--R
                  2 2
                                    2 m
```

```
(e m - e)(c e x + 2c d e x + c d )
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1565
--S 1566 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                   - e x - d
--R (3) -----
--R
         m \log(c) m \log(e x + d)
--R
       (e m - e)%e %e
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1566
--S 1567 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
            m + 1 m log(c) m log(e x + d)
--R
      (e x + d) %e %e
--R
--R
                   2 2
--R
      (-ex-d)(cex + 2cdex + cd)
--R /
                        2 \text{ m } \text{ m log(c)} \text{ m log(e x + d)}
--R
--R
     (e m - e)(c e x + 2c d e x + c d) \%e %e
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1567
--S 1568 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1568
)clear all
--S 1569 of 1618
t0:=(d+e*x)^{(-1-2*p)*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p}
--R
--R
--R
              - 2p - 1 2 2
--R (1) (e x + d) (c e x + 2c d e x + c d)
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1569
```

```
--S 1570 of 1618
r0:=(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p*log(d+e*x)/(e*(d+e*x)^(2*p))
--R
--R
--R
                       2 2
--R
        log(e x + d)(c e x + 2c d e x + c d)
--R (2) -----
--R
                            2p
--R
                    e (e x + d)
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1570
--S 1571 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                  p log(c)
--R log(e x + d)%e
--R (3) -----
--R
                   е
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1571
--S 1572 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
                                        2 2
--R
                       2p p log(c)
--R \log(e x + d)(e x + d) %e - \log(e x + d)(c e x + 2c d e x + c d)
--R
--R
                                e (e x + d)
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1572
--S 1573 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1573
)clear all
--S 1574 of 1618
t0:=(d+e*x)^{(-1+2*p)}/(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p
--R
--R
```

```
--R
                  2p - 1
    (e x + d)
--R
--R (1) -----
   2 2 2 2 p
--R
--R
      (cex + 2cdex + cd)
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1574
--S 1575 of 1618
\verb"r0:=(d+e*x)^(2*p)*log(d+e*x)/(e*(c*d^2+2*c*d*e*x+c*e^2*x^2)^p)
--R
--R
        log(e x + d)(e x + d)
--R
--R
   (2) -----
--R
        2 2 2 2 p
--R
      e(cex + 2cdex + cd)
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1575
--S 1576 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             - p log(c)
   log(e x + d)\%e
--R
    (3) -----
--R
--R
                е
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1576
--S 1577 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
   (4)
--R
              2 2 2 p - p log(c)
--R
--R log(e x + d)(c e x + 2c d e x + c d ) %e - log(e x + d)(e x + d)
--R
    ______
--R
                                        2 p
--R
                     e(cex + 2cdex + cd)
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1577
--S 1578 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1578
)clear all
--S 1579 of 1618
t0:=(d+e*x)*(9+12*x+4*x^2)^p
--R
--R
--R
    (1) (e x + d)(4x + 12x + 9)
--R
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1579
--S 1580 of 1618
r0:=1/4*(2*d-3*e)*(3+2*x)*(9+12*x+4*x^2)^p/(1+2*p)+_
  1/8*e*(9+12*x+4*x^2)^(1+p)/(1+p)
--R
--R
--R
     (2)
        (2e p + e) (4x + 12x + 9)
--R
--R
--R
--R
--R
        (((-12e + 8d)p - 12e + 8d)x + (-18e + 12d)p - 18e + 12d)(4x + 12x + 9)
--R /
--R
--R
        16p + 24p + 8
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1580
--S 1581 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
         ((8e p + 4e)x + ((12e + 8d)p + 8d)x + 12d p - 9e + 12d)
--R
--R
--R
--R
           p \log(4x + 12x + 9)
--R
--R /
--R
--R
        16p + 24p + 8
--R
                                           Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1581
--S 1582 of 1618
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
     (4)
--R
           ((8e p + 4e)x + ((12e + 8d)p + 8d)x + 12d p - 9e + 12d)
--R
--R
--R
           p \log(4x + 12x + 9)
--R
--R
--R
--R
--R
        (- 2e p - e)(4x + 12x + 9)
--R
--R
         (((12e - 8d)p + 12e - 8d)x + (18e - 12d)p + 18e - 12d)(4x + 12x + 9)
--R
--R /
--R
--R
       16p + 24p + 8
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1582
--S 1583 of 1618
d0:=normalize m0
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1583
)clear all
--S 1584 of 1618
t0:=(d+e*x)*(9+12*x+4*x^2)^3
--R
--R
--R
--R
                          6
       64e x + (576e + 64d)x + (2160e + 576d)x + (4320e + 2160d)x
--R
--R
--R
                      3
--R
       (4860e + 4320d)x + (2916e + 4860d)x + (729e + 2916d)x + 729d
--R
                                                    Type: Polynomial(Integer)
--E 1584
--S 1585 of 1618
r0:=1/28*(2*d-3*e)*(3+2*x)^7+1/32*e*(3+2*x)^8
--R
--R
--R
     (2)
      8 576 64 7 6
--R
       8e x + (--- e + -- d)x + (360e + 96d)x + (864e + 432d)x
--R
```

```
7 7
--R
--R
--R
                           3 729 2 6561
       (1215e + 1080d)x + (972e + 1620d)x + (--- e + 1458d)x + 729d x - ---- e
--R
--R
                                                                    224
--R
--R
       2187
--R
       ---- d
--R
       14
--R
                                        Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1585
--S 1586 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
     8 576 64 7
      8e x + (--- e + -- d)x + (360e + 96d)x + (864e + 432d)x
--R
--R
--R
--R
                                    3 729
       (1215e + 1080d)x + (972e + 1620d)x + (--- e + 1458d)x + 729d x
--R
--R
                                           2
--R
                                        Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1586
--S 1587 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         6561 2187
--R
    (4) ---- e - ---- d
--R
          224
                 14
--R
                                        Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1587
--S 1588 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                        Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1588
)clear all
--S 1589 of 1618
t0:=(d+e*x)*(9+12*x+4*x^2)^2
--R
```

```
--R
--R (1)
--R 5 4 3 2
--R
    16e x + (96e + 16d)x + (216e + 96d)x + (216e + 216d)x + (81e + 216d)x
--R +
--R
    81d
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 1589
--S 1590 of 1618
r0:=1/20*(2*d-3*e)*(3+2*x)^5+1/24*e*(3+2*x)^6
--R
--R
--R
   (2)
   8 6 96 16 5
--R
--R
   - e x + (-- e + -- d)x + (54e + 24d)x + (72e + 72d)x + (-- e + 108d)x
--R 3 5
--R +
--R
          243 243
--R 81d x - --- e + --- d
--R
           40 10
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1590
--S 1591 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 8 6 96 16 5
--R - e x + (-- e + -- d)x + (54e + 24d)x + (72e + 72d)x + (-- e + 108d)x
--R 3 5 5
--R +
--R
    81d x
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1591
--S 1592 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    243 243
--R (4) --- e - --- d
--R
        40 10
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1592
--S 1593 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (5) 0
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1593
)clear all
--S 1594 of 1618
t0:=(d+e*x)*(9+12*x+4*x^2)
--R
--R
--R
                       2
           3
    (1) 4e x + (12e + 4d)x + (9e + 12d)x + 9d
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--R
--Е 1594
--S 1595 of 1618
r0:=9*d*x+3/2*(4*d+3*e)*x^2+4/3*(d+3*e)*x^3+e*x^4
--R
--R
    --R
--R
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1595
--S 1596 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    --R
--R
--R
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1596
--S 1597 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1597
--S 1598 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
```

```
--E 1598
)clear all
--S 1599 of 1618
t0:=(d+e*x)/(9+12*x+4*x^2)
--R
--R
--R
          e x + d
--R (1) -----
--R
          2
       4x + 12x + 9
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1599
--S 1600 of 1618
r0:=1/4*(-2*d+3*e)/(3+2*x)+1/4*e*log(3+2*x)
--R
--R
--R
       (2e x + 3e)\log(2x + 3) + 3e - 2d
--R (2) -----
--R
                   8x + 12
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1600
--S 1601 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (2e x + 3e)log(2x + 3) + 3e - 2d
--R (3) -----
--R
                    8x + 12
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1601
--S 1602 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1602
--S 1603 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1603
```

```
)clear all
--S 1604 of 1618
t0:=(d+e*x)/(9+12*x+4*x^2)^2
--R
--R
--R
                 ex+d
    (1) -----
--R
         4 3 2
--R
--R
        16x + 96x + 216x + 216x + 81
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1604
--S 1605 of 1618
r0:=1/12*(-2*d+3*e)/(3+2*x)^3-1/8*e/(3+2*x)^2
--R
--R
--R
          1 1
        - -- e x - -- e - -- d
--R
--R
         32 64 48
--R (2) -----
--R
         3 9 2 27 27
         x + - x + -- x + --
--R
            2 4 8
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1605
--S 1606 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            - 6e x - 3e - 4d
--R
    (3) -----
         3 2
--R
        192x + 864x + 1296x + 648
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1606
--S 1607 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1607
--S 1608 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1608
)clear all
--S 1609 of 1618
t0:=(d+e*x)/(9+12*x+4*x^2)^3
--R
--R
--R
                       e x + d
   (1) -----
--R
        6 5 4 3 2
--R
       64x + 576x + 2160x + 4320x + 4860x + 2916x + 729
--R
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1609
--S 1610 of 1618
r0:=1/20*(-2*d+3*e)/(3+2*x)^5-1/16*e/(3+2*x)^4
--R
              1 3 1
--R
--R
             - --- e x - ---- e - --- d
--R
              256 2560 320
--R
   (2) -----
       5 15 4 45 3 135 2 405 243
--R
--R
       x + -- x + -- x + --- x + ---
--R
         2 2 4 16 32
--R
                        Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1610
--S 1611 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                   - 10e x - 3e - 8d
--R
   (3) -----
        5 4 3 2
--R
--R
       2560x + 19200x + 57600x + 86400x + 64800x + 19440
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1611
--S 1612 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1612
```

```
--S 1613 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1613
)clear all
--S 1614 of 1618
t0:=(d+e*x)*(9+12*x+4*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R (1)
--R
--R
       16e x + (96e + 16d)x + (216e + 96d)x + (216e + 216d)x + (81e + 216d)x
--R
--R
         81d
--R *
--R
       +----+
--R
       | 2
--R
       --R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1614
--S 1615 of 1618
\texttt{r0} := 1/24 * (2*d-3*e) * (3+2*x) * (9+12*x+4*x^2)^{(5/2)} + 1/28*e * (9+12*x+4*x^2)^{(7/2)}
--R
--R
--R (2)
--R
--R
         384e x + (2784e + 448d)x + (7920e + 3360d)x + (10800e + 10080d)x
--R
--R
                         2
          (6480e + 15120d)x + (486e + 11340d)x - 729e + 3402d
--R
--R
--R
         +----+
         1 2
--R
--R
        |4x + 12x + 9|
--R /
--R
     168
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1615
--S 1616 of 1618
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R (3)
--R
--R
       192e x + (1680e + 224d)x + (6048e + 2016d)x + (11340e + 7560d)x
--R
--R
                        3
       (11340e + 15120d)x + (5103e + 17010d)x + 10206d x
--R
--R /
--R
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1616
--S 1617 of 1618
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
            -384e x + (-2784e - 448d)x + (-7920e - 3360d)x
--R
--R
--R
            (-10800e - 10080d)x + (-6480e - 15120d)x + (-486e - 11340d)x
--R
--R
            729e - 3402d
--R
           +----+
--R
           1 2
--R
--R
          |4x + 12x + 9|
--R
--R
--R.
       768e x + (6720e + 896d)x + (24192e + 8064d)x + (45360e + 30240d)x
--R
--R
                        3
--R
       (45360e + 60480d)x + (20412e + 68040d)x + 40824d x
--R /
--R
       168
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1617
--S 1618 of 1618
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
     (5)
--R
            32e x + (240e + 32d)x + (720e + 240d)x + (1080e + 720d)x
--R
--R
--R
--R
           (810e + 1080d)x + (243e + 810d)x + 243d
--R
--R
           +----+
```

```
--R | 2
--R \|4x + 12x + 9
--R
       7 6 5 4
- 64e x + (- 576e - 64d)x + (- 2160e - 576d)x + (- 4320e - 2160d)x
+
--R
--R
--R
--R
        (- 4860e - 4320d)x + (- 2916e - 4860d)x + (- 729e - 2916d)x - 729d
--R
--R /
--R
--R
        1 2
--R
        \backslash |4x + 12x + 9
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1618
)spool
)lisp (bye)
```

References

[1] nothing