\$SPAD/src/input rich2.input

Albert Rich and Timothy Daly July 24, 2013

Abstract

 $(a+b x)^m (A+B x) (d+e x)^p$ There are:

- \bullet 249 integrals in this file.
- $\bullet~$ 249 supplied "optimal results".
- 230 matching answers.
- $\bullet~24$ cases where Axiom supplied 2 results.
- 34 cases that Axiom failed to integrate.
- $\bullet\,$ 6 that contain expressions Axiom does not recognize.

Contents

```
)set break resume
)sys rm -f rich2.output
)spool rich2.output
)set message test on
)set message auto off
)clear all
--S 1 of 1293
t0:=x^m*(a+b*x)*(A+B*x)
--R
--R
--R
              2
--R (1) (B b x + (A b + B a)x + A a)x
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1
--S 2 of 1293
\texttt{r0:=a*A*x^(1+m)/(1+m)+(A*b+a*B)*x^(2+m)/(2+m)+b*B*x^(3+m)/(3+m)}
--R
--R
--R (2)
--R
             2
--R
         (B b m + 3B b m + 2B b)x
--R
--R
       ((A b + B a)m + (4A b + 4B a)m + 3A b + 3B a)x
--R
--R
--R
                                 m + 1
         (A a m + 5A a m + 6A a)x
--R
--R /
--R
       3 2
--R
       m + 6m + 11m + 6
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 2
--S 3 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
               2
--R
           (B b m + 3B b m + 2B b)x
--R
--R
                       2
--R
          ((A b + B a)m + (4A b + 4B a)m + 3A b + 3B a)x
--R
                 2
--R
```

__ * __

```
--R
         (A a m + 5A a m + 6A a)x
--R
--R
         m log(x)
--R
         %e
--R /
--R
       3 2
--R
       m + 6m + 11m + 6
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 3
--S 4 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
                 2
--R
            (B b m + 3B b m + 2B b)x
--R
--R
--R
            ((A b + B a)m + (4A b + 4B a)m + 3A b + 3B a)x
--R
--R
--R
            (A a m + 5A a m + 6A a) x
--R
--R
           m log(x)
--R
           %e
--R
                     m + 3
--R
--R
        (- B b m - 3B b m - 2B b)x
--R
--R
        ((- A b - B a)m + (- 4A b - 4B a)m - 3A b - 3B a)x
--R
--R
--R
--R
         (- A a m - 5 A a m - 6 A a) x
--R /
       3 2
--R
       m + 6m + 11m + 6
--R
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 4
--S 5 of 1293
d0:=normalize m0
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 5
)clear all
```

```
--S 6 of 1293
t0:=x^4*(a+b*x)*(A+B*x)
--R
--R
--R
   (1) Bbx + (Ab+Ba)x + Aax
--R
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 6
--S 7 of 1293
r0:=1/5*a*A*x^5+1/6*(A*b+a*B)*x^6+1/7*b*B*x^7
--R
--R
       1 7 1 1 6 1 5
--R
--R
    (2) - B b x + (-Ab + -Ba)x + -Aax
--R
     7 6 6 5
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 7
--S 8 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     1 7 1 1 6 1 5
     (3) - B b x + (- A b + - B a)x + - A a x
--R
         7 6 6
--R
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 8
--S 9 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 9
--S 10 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 10
)clear all
--S 11 of 1293
t0:=x^3*(a+b*x)*(A+B*x)
```

```
--R
--R
--R 5 4 3
--R (1) B b x + (A b + B a)x + A a x
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--E 11
--S 12 of 1293
r0:=1/4*a*A*x^4+1/5*(A*b+a*B)*x^5+1/6*b*B*x^6
--R
--R
--R
            6 1
                      1 5 1 4
   (2) - B b x + (- A b + - B a)x + - A a x
--R
--R
        6 5 5
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 12
--S 13 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     1 6 1 1 5 1 4
--R (3) -Bbx + (-Ab+-Ba)x + -Aax
        6 5 5
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 13
--S 14 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 14
--S 15 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 15
)clear all
--S 16 of 1293
t0:=x^2*(a+b*x)*(A+B*x)
--R
--R
--R
            4
                3 2
```

```
--R (1) B b x + (A b + B a)x + A a x
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--E 16
--S 17 of 1293
r0:=1/3*a*A*x^3+1/4*(A*b+a*B)*x^4+1/5*b*B*x^5
--R
             5 1
                        1 4 1 3
    (2) - B b x + (- A b + - B a)x + - A a x
--R
--R
         5 4 4 3
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 17
--S 18 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
      1 5 1 1 4 1 3
--R (3) - B b x + (- A b + - B a)x + - A a x
         5 4 4
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 18
--S 19 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 19
--S 20 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 20
)clear all
--S 21 of 1293
t0:=x*(a+b*x)*(A+B*x)
--R
--R
--R (1) B b x + (A b + B a)x + A a x
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--E 21
```

```
--S 22 of 1293
r0:=1/2*a*A*x^2+1/3*(A*b+a*B)*x^3+1/4*b*B*x^4
--R
--R
             4 1 1 3 1 2
--R
    (2) - B b x + (- A b + - B a)x + - A a x
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 22
--S 23 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
      1 4 1 1 3 1 2
--R (3) - B b x + (- A b + - B a)x + - A a x
        4 3 3
--R
                                   2
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 23
--S 24 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 24
--S 25 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 25
)clear all
--S 26 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)
--R
--R
--R.
            2
--R (1) B b x + (A b + B a)x + A a
--R
                                                Type: Polynomial(Integer)
--E 26
--S 27 of 1293
r0:=a*A*x+1/2*(A*b+a*B)*x^2+1/3*b*B*x^3
```

```
--R
--R
--R
     1 3 1 1 2
--R (2) - B b x + (- A b + - B a)x + A a x
--R
    3 2 2
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 27
--S 28 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
       1 3 1 1
--R
    (3) - B b x + (- A b + - B a)x + A a x
--R
--R
       3 2 2
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 28
--S 29 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 29
--S 30 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 30
)clear all
--S 31 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/x
--R
--R
--R
--R
     Bbx + (Ab + Ba)x + Aa
--R (1) -----
--R
                    x
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 31
--S 32 of 1293
r0:=a*B*x+1/2*b*(A+B*x)^2/B+a*A*log(x)
--R
```

```
--R
                2 2 2 2
--R
     2A B a log(x) + B b x + (2A B b + 2B a)x + A b
--R
--R
   (2) -----
--R
                            2B
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 32
--S 33 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       2A \ a \ log(x) + B \ b \ x + (2A \ b + 2B \ a)x
--R
--R
--R
                      2
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 33
--S 34 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          2
     A b
--R
--R (4) - ---
       2B
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 34
--S 35 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 35
)clear all
--S 36 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/x^2
--R
--R
--R
           2
--R
     Bbx + (Ab+Ba)x + Aa
--R (1) -----
--R
                    2
--R
                   х
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
```

```
--E 36
--S 37 of 1293
r0:=-a*A/x+b*B*x+(A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
--R
--R
        (A b + B a)x log(x) + B b x - A a
--R (2) -----
--R
                       x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 37
--S 38 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
       (A b + B a)x log(x) + B b x - A a
--R
--R
                        x
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 38
--S 39 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 39
--S 40 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 40
)clear all
--S 41 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/x^3
--R
--R
--R
--R B b x + (A b + B a)x + A a
--R (1) -----
--R
                     3
```

```
--R
                      х
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 41
--S 42 of 1293
r0:=-1/2*a*A/x^2+(-A*b-a*B)/x+b*B*log(x)
--R
--R
               2
        2B b x log(x) + (-2A b - 2B a)x - A a
--R
--R (2) -----
--R
                           2
--R
                           2x
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 42
--S 43 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               2
--R
        2B b x log(x) + (-2A b - 2B a)x - A a
--R
--R
                            2
--R
                           2x
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 43
--S 44 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
    (4) 0
--R
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 44
--S 45 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 45
)clear all
--S 46 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/x^4
--R
--R
```

```
--R
    --R
--R
    (1) -----
--R
                     4
--R
                     x
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 46
--S 47 of 1293
r0:=-1/3*a*A/x^3+1/2*(-A*b-a*B)/x^2-b*B/x
--R
--R
                     1
                            1
         - B b x + (- - A b - - B a)x - - A a
--R
--R
--R
--R
                         3
--R
                         x
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 47
--S 48 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
         -6B b x + (-3A b - 3B a)x - 2A a
--R
--R
                         3
--R
                        6x
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 48
--S 49 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 49
--S 50 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 50
)clear all
```

```
--S 51 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/x^5
--R
--R
        2
--R
     B b x + (A b + B a)x + A a
--R
--R (1) -----
--R
                  5
--R
                   x
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 51
--S 52 of 1293
r0:=-1/4*a*A/x^4+1/3*(-A*b-a*B)/x^3-1/2*b*B/x^2
--R
--R
--R
         1 2 1 1 1
--R
        - - B b x + (- - A b - - B a)x - - A a
         2 3 3 4
--R
--R
--R
                       4
--R
                        x
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 52
--S 53 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          2
--R
--R - 6B b x + (-4A b - 4B a)x - 3A a
--R (3) -----
--R
--R
                     12x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 53
--S 54 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 54
--S 55 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
(5) 0
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 55
)clear all
--S 56 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/x^6
--R
--R
--R
           2
        B b x + (A b + B a)x + A a
--R
    (1) -----
--R
--R
                   6
--R
                   X
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 56
--S 57 of 1293
r0:=-1/5*a*A/x^5+1/4*(-A*b-a*B)/x^4-1/3*b*B/x^3
--R
--R
         1 2 1 1 1
        --Bbx + (--Ab--Ba)x -- Aa
--R
--R
         3 4 4 5
     (2) -----
--R
--R
                        5
--R
                        х
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 57
--S 58 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
        -20B b x + (-15A b - 15B a)x - 12A a
--R
    (3) -----
--R
                         5
--R
                       60x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 58
--S 59 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 59
```

```
--S 60 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 60
)clear all
--S 61 of 1293
t0:=x^m*(a+b*x)^2*(A+B*x)
--R
--R
--R
           2 3 2 2
                                            2 2 m
--R (1) (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a )x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 61
--S 62 of 1293
r0:=a^2*A*x^(1+m)/(1+m)+a*(2*A*b+a*B)*x^(2+m)/(2+m)+_
    b*(A*b+2*a*B)*x^{(3+m)}/(3+m)+b^{2}*B*x^{(4+m)}/(4+m)
--R
--R
--R
    (2)
           23 22 2 2 m+4
--R
--R
        (B b m + 6B b m + 11B b m + 6B b )x
--R
             2 3 2 2 2
--R
--R
           (A b + 2B a b)m + (7A b + 14B a b)m + (14A b + 28B a b)m + 8A b
--R
--R
           16B a b
--R
--R
          m + 3
--R
         x
--R
--R
                     2 3
                                       2 2
--R
          (2A a b + B a )m + (16A a b + 8B a )m + (38A a b + 19B a )m
--R
--R
--R
          24A a b + 12B a
--R
          m + 2
--R
--R
         X
--R
          23 22 2 2 m+1
--R
--R
        (A a m + 9A a m + 26A a m + 24A a )x
--R /
      4 3 2
--R
```

```
--R
     m + 10m + 35m + 50m + 24
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 62
--S 63 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
            2 3 2 2
--R
                            2
--R
         (B b m + 6B b m + 11B b m + 6B b )x
--R
                    3 2
--R
            (A b + 2B a b)m + (7A b + 14B a b)m + (14A b + 28B a b)m
--R
--R
--R
               2
            8A b + 16B a b
--R
--R
--R
           3
--R
           x
--R
--R
                      2 3
                              2 2
--R
           (2A a b + B a )m + (16A a b + 8B a )m + (38A a b + 19B a )m
--R
--R
--R
            24A a b + 12B a
--R
--R
--R
           x
--R
           23 22 2
--R
--R
        (A a m + 9A a m + 26A a m + 24A a ) x
--R
--R
        m log(x)
--R
        %e
--R /
--R
      4 3 2
--R
      m + 10m + 35m + 50m + 24
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 63
--S 64 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
             23 22 2 24
--R
--R
          (B b m + 6B b m + 11B b m + 6B b )x
--R
--R
                 2
                    3
                                 2
                                             2
```

```
--R
               (A b + 2B a b)m + (7A b + 14B a b)m + (14A b + 28B a b)m
--R
--R
                 2
--R
              8A b + 16B a b
--R
--R
              3
--R
            X
--R
                                            2 2
                        2 3
--R
              (2A a b + B a )m + (16A a b + 8B a )m + (38A a b + 19B a )m
--R
--R
--R
               24A a b + 12B a
--R
--R
--R
--R
             x
--R
--R
             23 22 2
--R
           (A am + 9A am + 26A am + 24A a)x
--R
--R
           m log(x)
--R
          %e
--R
--R
            23 22 2 2 m + 4
--R
        (- B b m - 6B b m - 11B b m - 6B b )x
--R
--R
--R
           (- A b - 2B a b)m + (- 7A b - 14B a b)m + (- 14A b - 28B a b)m
--R
--R
                2
--R
           - 8A b - 16B a b
--R
--R
          m + 3
--R
         x
--R
                       2 3
--R
                                            2 2
          (- 2A a b - B a )m + (- 16A a b - 8B a )m + (- 38A a b - 19B a )m
--R
--R
--R
--R
           - 24A a b - 12B a
--R
--R
          m + 2
--R
          X
--R
            23 22 2 2 m+1
--R
        (- A a m - 9A a m - 26A a m - 24A a )x
--R
--R /
--R
           3
--R
      m + 10m + 35m + 50m + 24
--R
                                               Type: Expression(Integer)
```

```
--E 64
--S 65 of 1293
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 65
)clear all
--S 66 of 1293
t0:=x^4*(a+b*x)^2*(A+B*x)
--R
--R
--R
         2 7 2 6
                                        2 5 2 4
--R (1) B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a x
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 66
--S 67 of 1293
r0:=1/5*a^2*A*x^5+1/6*a*(2*A*b+a*B)*x^6+1/7*b*(A*b+2*a*B)*x^7+1/8*b^2*B*x^8
--R.
--R
     1 28 1 2 2 7 1 1 2 6 1 2 5
--R
--R
   (2) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
        8 7 7
--R
                                  3 6 5
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 67
--S 68 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
     1 28 1 2 2 7 1 1 2 6 1 2 5
--R
--R (3) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
   8 7
                       7
                                  3 6 5
--R
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 68
--S 69 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 69
--S 70 of 1293
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 70
)clear all
--S 71 of 1293
t0:=x^3*(a+b*x)^2*(A+B*x)
--R
--R
          2 6 2 5
--R
                                          2 4 2 3
--R (1) B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a x
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 71
--S 72 of 1293
r0:=1/4*a^2*A*x^4+1/5*a*(2*A*b+a*B)*x^5+1/6*b*(A*b+2*a*B)*x^6+1/7*b^2*B*x^7
--R
--R
     1 27 1 2 1 6 2 1 2 5 1 2 4
--R (2) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
        7 6 3
                                    5 5 4
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 72
--S 73 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) -Bbx + (-Ab + -Bab)x + (-Aab + -Ba)x + -Aax
--R
                                    5 5
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 73
--S 74 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 74
--S 75 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                           Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 75
)clear all
--S 76 of 1293
t0:=x^2*(a+b*x)^2*(A+B*x)
--R
--R
--R
           2 5 2 4
                                                 2 3 2 2
--R (1) Bbx + (Ab + 2Bab)x + (2Aab + Ba)x + Aax
--R
                                                    Type: Polynomial(Integer)
--E 76
--S 77 of 1293
\texttt{r0} := 1/3 * \texttt{a}^2 * \texttt{A} * \texttt{x}^3 + 1/4 * \texttt{a} * (2 * \texttt{A} * \texttt{b} + \texttt{a} * \texttt{B}) * \texttt{x}^4 + 1/5 * \texttt{b} * (\texttt{A} * \texttt{b} + 2 * \texttt{a} * \texttt{B}) * \texttt{x}^5 + 1/6 * \texttt{b}^2 * \texttt{B} * \texttt{x}^6
--R
--R
--R
        1 26 1 2 2 5 1
--R (2) -Bbx + (-Ab + -Bab)x + (-Aab + -Ba)x + -Aax
--R
      6 5 5
                                          2 4 3
--R
                                           Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 77
--S 78 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R 1 2 6 1 2 2 5 1 1 2 4 1 2 3
--R (3) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
    6 5 5 2 4 3
--R
--R
                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 78
--S 79 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 79
--S 80 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 80
```

```
)clear all
--S 81 of 1293
t0:=x*(a+b*x)^2*(A+B*x)
--R
--R
         2 4 2 3
--R
                                        2 2 2
--R (1) B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a x
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 81
--S 82 of 1293
r0:=1/2*a^2*A*x^2+1/3*a*(2*A*b+a*B)*x^3+1/4*b*(A*b+2*a*B)*x^4+1/5*b^2*B*x^5
--R
--R
--R
     1 25 1 2 1 4 2 1 2 3 1 2 2
   (2) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
--R
     5 4 2
                                   3 3 2
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 82
--S 83 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
     1 25 1 2 1 4 2 1 2 3 1 2 2
--R
--R
    (3) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
       5 4 2
                                   3 3
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 83
--S 84 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 84
--S 85 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 85
)clear all
```

```
--S 86 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)
--R
--R
--R 2 3 2 2
--R (1) B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 86
--S 87 of 1293
r0:=1/3*(A*b-a*B)*(a+b*x)^3/b^2+1/4*B*(a+b*x)^4/b^2
--R
--R
--R
    (2)
--R
    1 44 1 4 2 3 3 3 3 1 2 2 2 2 2 2
     - B b x + (- A b + - B a b )x + (A a b + - B a b )x + A a b x
--R
--R
                3 3
--R
     1 3 1 4
- A a b - -- B a
--R
--R
--R
--R /
--R
      2
--R
      b
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 87
--S 88 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   1 24 1 2 2 3
                                     1 2 2 2
--R
   (3) - B b x + (- A b + - B a b)x + (A a b + - B a)x + A a x
4 3 3
--R
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 88
--S 89 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 3 1 4
--R
--R.
        - - A a b + -- B a
--R
         3 12
--R (4) -----
--R
               2
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 89
```

```
--S 90 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 90
)clear all
--S 91 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x
--R
--R
--R
          2 3 2 2
     B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R (1) -----
--R.
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 91
--S 92 of 1293
r0:=2*a*A*b*x+1/2*A*b^2*x^2+1/3*B*(a+b*x)^3/b+a^2*A*log(x)
--R
--R
--R
    (2)
            3 3 3 2 2
--R
--R
    6A \ a \ b \ log(x) + 2B \ b \ x + (3A \ b + 6B \ a \ b) x + (12A \ a \ b + 6B \ a \ b) x + 2B \ a
--R
--R
                                   6b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 92
--S 93 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
           2 23 2 2
--R
       6A \ a \ log(x) + 2B \ b \ x + (3A \ b + 6B \ a \ b)x + (12A \ a \ b + 6B \ a \ )x
--R
   (3) -----
--R
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 93
--S 94 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             3
--R B a
```

```
--R
   (4) - ----
--R
         3b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 94
--S 95 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 95
)clear all
--S 96 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^2
--R
--R
         2 3 2 2
--R
--R
      B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R (1) ------
--R
                            2
--R
                            х
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 96
--S 97 of 1293
r0:=-a^2*A/x+b*(A*b+2*a*B)*x+1/2*b^2*B*x^2+a*(2*A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
                               2 3 2 2
--R
--R
        (4A \ a \ b + 2B \ a \ ) x \log(x) + B \ b \ x + (2A \ b + 4B \ a \ b) x - 2A \ a
--R (2) ------
--R
                                2x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 97
--S 98 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                       2 3 2 2
--R
     (4A \ a \ b + 2B \ a \ )x \ log(x) + B \ b \ x + (2A \ b + 4B \ a \ b)x - 2A \ a
--R
   (3) -----
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 98
--S 99 of 1293
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 99
--S 100 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 100
)clear all
--S 101 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^3
--R
--R
--R
           2 3 2 2
--R
      B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R (1) -----
--R
                                3
--R
                                x
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 101
--S 102 of 1293
r0:=-1/2*a^2*A/x^2-a*(2*A*b+a*B)/x+b^2*B*x+b*(A*b+2*a*B)*log(x)
--R
--R
                             2 3
--R
--R
         (2A b + 4B a b)x log(x) + 2B b x + (-4A a b - 2B a)x - A a
--R
--R
                                      2
--R
                                    2x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 102
--S 103 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                       2
                                   2 3
--R
        (2A b + 4B a b)x log(x) + 2B b x + (-4A a b - 2B a)x - A a
--R
--R
                                      2
--R
                                    2x
```

```
Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--Е 103
--S 104 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 104
--S 105 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 105
)clear all
--S 106 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^4
--R
--R
--R
           2 3 2 2
--R
         B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R
                               4
--R
                               x
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 106
--S 107 of 1293
r0:=-1/3*a^2*A/x^3-1/2*a*(2*A*b+a*B)/x^2-b*(A*b+2*a*B)/x+b^2*B*log(x)
--R
--R
--R
                            2
                                       2
                                                        2
       6B b x log(x) + (- 6A b - 12B a b)x + (- 6A a b - 3B a )x - 2A a
--R
    (2) -----
--R
--R
                                      3
--R
                                     6x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 107
--S 108 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            2 3
                      2
                                        2
                                                        2 2
```

```
6B b x log(x) + (- 6A b - 12B a b)x + (- 6A a b - 3B a )x - 2A a
--R
--R
                                              3
--R
                                            6x
--R
                                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 108
--S 109 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 109
--S 110 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 110
)clear all
--S 111 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^5
--R
--R
--R 2 3 2 Z

--R B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a
           23 2 2
--R
--R
                                     х
--R
                                              Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 111
--S 112 of 1293
\texttt{r0} := -1/4 * \texttt{a}^2 * \texttt{A}/\texttt{x}^4 - 1/3 * \texttt{a} * (2 * \texttt{A} * \texttt{b} + \texttt{a} * \texttt{B})/\texttt{x}^3 - 1/2 * \texttt{b} * (\texttt{A} * \texttt{b} + 2 * \texttt{a} * \texttt{B})/\texttt{x}^2 - \texttt{b}^2 * \texttt{B}/\texttt{x}
--R
--R
              23 1 2 2 2 1 2 1 2
--R
--R.
          - B b x + (- - A b - B a b)x + (- - A a b - - B a )x - - A a
--R.
                     2 3 3 4
--R (2) ------
--R
                                           4
--R
                                          x
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 112
```

```
--S 113 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
            2 3 2 2
--R
--R
       - 12B b x + (- 6A b - 12B a b)x + (- 8A a b - 4B a )x - 3A a
--R (3) -----
--R
--R
                            12x
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 113
--S 114 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 114
--S 115 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 115
)clear all
--S 116 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^6
--R
--R
        2 3 2 2
--R
      B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R (1) ------
--R
                         6
--R
                        x
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 116
--S 117 of 1293
\texttt{r0:=-1/5*a^2*A/x^5-1/4*a*(2*A*b+a*B)/x^4-1/3*b*(A*b+2*a*B)/x^3-1/2*b^2*B/x^2}
--R
--R
--R
        1 23 1 2 2 2
                                  1 1 2
--R
       --Bbx + (--Ab --Bab)x + (--Aab--Ba)x -- Aa
    2 3 3 2 4 5
--R
--R (2) ------
```

```
--R
                                      5
--R
                                     х
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 117
--S 118 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
              2 3 2 2
--R
--R
        - 30B b x + (- 20A b - 40B a b)x + (- 30A a b - 15B a )x - 12A a
--R
    (3) -----
--R
--R
                                     60x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 118
--S 119 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 119
--S 120 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 120
)clear all
--S 121 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^7
--R
--R
          2 3 2 2
--R
        B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R
--R
--R
                              х
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 121
--S 122 of 1293
r0:=-1/6*a^2*A/x^6-1/5*a*(2*A*b+a*B)/x^5-1/4*b*(A*b+2*a*B)/x^4-1/3*b^2*B/x^3
--R
```

```
--R
--R
        1 2 3 1 2 1 2 2 1 2 1 2
--R
        --Bbx + (--Ab --Bab)x + (--Aab--Ba)x -- Aa
--R
       3 4 2 5 5 6
--R
   (2) ------
--R
                              6
--R
                               X
--R
                        Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 122
--S 123 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           2 3
                2 2
--R
       - 20B b x + (- 15A b - 30B a b)x + (- 24A a b - 12B a )x - 10A a
--R
--R
                                6
--R
                              60x
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 123
--S 124 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 124
--S 125 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 125
)clear all
--S 126 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^8
--R
--R
         2 3 2 2
--R
--R
      B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R (1) ------
--R
                          8
--R
                         х
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Integer))
```

```
--E 126
--S 127 of 1293
\texttt{r0:=-1/7*a^2*A/x^7-1/6*a*(2*A*b+a*B)/x^6-1/5*b*(A*b+2*a*B)/x^5-1/4*b^2*B/x^4}
--R
--R
         1 23 1 2 2 2
                                              1 2 1 2
--R
                                         1
        --Bbx+(--Ab---Bab)x+(--Aab---Ba)x---Aa
--R
        4 5 5 3 6 7
--R
--R (2) -----
--R
                                    7
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 127
--S 128 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R - 105B b x + (-84A b - 168B a b)x + (-140A a b - 70B a)x - 60A a
--R
--R
                                  7
--R
                               420x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 128
--S 129 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 129
--S 130 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 130
)clear all
--S 131 of 1293
t0:=x^m*(a+b*x)^3*(A+B*x)
--R
--R
```

```
--R
   (1)
         3 4 3 2 3 2 2 2 3
--R
--R
       B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x
--R
--R
          3
--R
      A a
--R *
--R
--R
      X
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 131
--S 132 of 1293
r0:=a^3*A*x^(1+m)/(1+m)+a^2*(3*A*b+a*B)*x^(2+m)/(2+m)+_
    3*a*b*(A*b+a*B)*x^{(3+m)}/(3+m)+b^{2}*(A*b+3*a*B)*x^{(4+m)}/(4+m)+_
    b^3*B*x^(5+m)/(5+m)
--R
--R
--R
    (2)
          3 4 3 3 3 2 3 3 m + 5
--R
--R
        (B b m + 10B b m + 35B b m + 50B b m + 24B b )x
--R
             3 2 4 3
--R
                                         2 3 3
--R
           (A b + 3B a b )m + (11A b + 33B a b )m + (41A b + 123B a b )m
--R
               3 2 3
--R
--R
           (61A b + 183B a b)m + 30A b + 90B a b
--R
--R
          m + 4
--R.
         X
--R
                 2 2 4 2 2 3
--R
--R
           (3A \ a \ b + 3B \ a \ b)m + (36A \ a \ b + 36B \ a \ b)m
--R
--R
                         2 2
                                       2
           (147A a b + 147B a b)m + (234A a b + 234B a b)m + 120A a b
--R
--R
--R
--R
           120B a b
--R
--R
          m + 3
--R
         х
--R.
--R
                   3 4
                               2
                                    3 3
                                                   2 3 2
           (3A \ a \ b + B \ a) m + (39A \ a \ b + 13B \ a) m + (177A \ a \ b + 59B \ a) m
--R
--R
                     3 2 3
--R
--R
           (321A \ a \ b + 107B \ a \ )m + 180A \ a \ b + 60B \ a
--R
--R
          m + 2
```

```
--R
     X
--R
       3 4 3 3 3 2 3 3 m + 1
--R
--R
      (A am + 14A am + 71A am + 154A am + 120A a)x
--R /
     5 4
                3 2
--R
--R
      m + 15m + 85m + 225m + 274m + 120
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 132
--S 133 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
            3 4 3 3 3 2 3 3 5
--R
         (B \ b \ m \ + 10B \ b \ m \ + 35B \ b \ m \ + 50B \ b \ m \ + 24B \ b \ )x
--R
                                         2 3 3 2 2
--R
               3 2 4 3
            (A b + 3B a b)m + (11A b + 33B a b)m + (41A b + 123B a b)m
--R
--R
                3 2 3
--R
--R
            (61A b + 183B a b)m + 30A b + 90B a b
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                 2 2 4 2 2 3
            (3A a b + 3B a b)m + (36A a b + 36B a b)m
--R
--R
                   2 2 2
--R
                                        2
--R
            (147A \ a \ b + 147B \ a \ b)m + (234A \ a \ b + 234B \ a \ b)m + 120A \ a \ b
--R
--R
--R
           120B a b
--R
--R
           3
--R
           x
--R
--R
                     3 4 2
                                        3 3
            (3A \ a \ b + B \ a) m + (39A \ a \ b + 13B \ a) m + (177A \ a \ b + 59B \ a) m
--R
--R
                     3 2
--R.
                 2
--R
            (321A \ a \ b + 107B \ a \ )m + 180A \ a \ b + 60B \ a
--R
--R
           2
--R
           х
--R
           3 4 3 3 3 2 3 3
--R
--R
         (A a m + 14A a m + 71A a m + 154A a m + 120A a )x
```

```
--R
--R m log(x)
--R
       %e
--R /
     5 4 3 2
--R
   m + 15m + 85m + 225m + 274m + 120
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 133
--S 134 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
             3 4 3 3 3 2 3 3 5
--R
           (B b m + 10B b m + 35B b m + 50B b m + 24B b )x
--R
--R
                3 2 4
                                  3
--R
             (A b + 3B a b)m + (11A b + 33B a b)m
--R
--R
                          2 2
--R
             (41A b + 123B a b)m + (61A b + 183B a b)m + 30A b + 90B a b
--R
--R
             4
--R
            X
--R
--R
                   2 2 4 2 2 3
--R
              (3A a b + 3B a b)m + (36A a b + 36B a b)m
--R
                    2 2 2 2 2
--R
--R
              (147A \ a \ b + 147B \ a \ b)m + (234A \ a \ b + 234B \ a \ b)m + 120A \ a \ b
--R
--R
                  2
--R
              120B a b
--R
--R
             3
--R
            X
--R
                                  2
--R
                       3 4
                                          3 3
--R
             (3A a b + B a )m + (39A a b + 13B a )m + (177A a b + 59B a )m
--R
                        3
--R
                                     2
--R.
              (321A \ a \ b + 107B \ a) m + 180A \ a \ b + 60B \ a
--R
--R
             2
--R
--R
             3 4 3 3 3 2 3
--R
           (A a m + 14A a m + 71A a m + 154A a m + 120A a)x
--R
--R
```

```
--R
           m log(x)
--R
--R
                    3 3 3 2 3 3 m + 5
--R
--R
         (-\ B\ b\ m\ -\ 10B\ b\ m\ -\ 35B\ b\ m\ -\ 50B\ b\ m\ -\ 24B\ b\ )x
--R
--R
           (- A b - 3B a b )m + (- 11A b - 33B a b )m
--R
--R
--R
                           2 2
                                        3
--R
          (-41A\ b\ -123B\ a\ b\ )m\ +\ (-61A\ b\ -183B\ a\ b\ )m\ -30A\ b\ -90B\ a\ b
--R
--R
          m + 4
--R
          x
--R
--R
                         2 4
--R
           (- 3A a b - 3B a b)m + (- 36A a b - 36B a b)m
--R
                          2 2
--R
            (- 147A a b - 147B a b)m + (- 234A a b - 234B a b)m - 120A a b
--R
--R
--R
                   2
            - 120B a b
--R
--R
--R
          m + 3
--R
          x
--R
--R
                  2 3 4 2 3 3
--R
           (- 3A a b - B a )m + (- 39A a b - 13B a )m
--R
                        3 2
--R
--R
          (-177A \ a \ b - 59B \ a \ )m + (-321A \ a \ b - 107B \ a \ )m - 180A \ a \ b - 60B \ a
--R
--R
          m + 2
--R
          X
--R
                                        3
--R
            3 4
                     3 3 3 2
--R
       (-Aam - 14A am - 71A am - 154A am - 120A a)x
--R /
--R
                   3
--R
       m + 15m + 85m + 225m + 274m + 120
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 134
--S 135 of 1293
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
```

```
--E 135
)clear all
--S 136 of 1293
t0:=x^4*(a+b*x)^3*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
               3 2 7
--R
       3 8
                              2 2 6
--R
     B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x
--R
       3 4
--R
--R
    Аах
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 136
--S 137 of 1293
r0:=1/5*a^3*A*x^5+1/6*a^2*(3*A*b+a*B)*x^6+3/7*a*b*(A*b+a*B)*x^7+_
   1/8*b^2*(A*b+3*a*B)*x^8+1/9*b^3*B*x^9
--R
--R
   (2)
--R
    1 3 9 1 3 3 2 8 3 2 3 2 7
--R
     - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b)x
--R
     9 8 8
--R
--R
     1 2 1 3 6 1 3 5
--R
      (-Aab+-Ba)x+-Aax
--R
     2 6 5
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 137
--S 138 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
     1 39 1 3 3 2 8 3 2 3 2 7
--R
--R
     - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b)x
--R
              8
--R
--R
     1 2 1 3 6 1 3 5
--R
    (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
      2 6 5
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 138
--S 139 of 1293
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 139
--S 140 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 140
)clear all
--S 141 of 1293
t0:=x^3*(a+b*x)^3*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
--R
     37 3 26 2 25 2 34
--R
     B b x + (A b + 3B a b) x + (3A a b + 3B a b) x + (3A a b + B a) x
--R
--R
      3 3
     A a x
--R
--R
                                              Type: Polynomial(Integer)
--E 141
--S 142 of 1293
r0:=1/4*a^3*A*x^4+1/5*a^2*(3*A*b+a*B)*x^5+1/2*a*b*(A*b+a*B)*x^6+_
    1/7*b^2*(A*b+3*a*B)*x^7+1/8*b^3*B*x^8
--R
--R
--R
    (2)
     1 38 1 3 3 2 7 1 2 1 2 6
--R
     - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b)x
--R
--R
               7
                                    2
--R
--R
      3 2 1 3 5 1 3 4
    (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
--R
      5 5
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 142
--S 143 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
1 38 1 3 3 2 7 1 2 1 2 6
--R
    - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b)x
--R
     8 7 7 2
--R
--R
     3 2 1 3 5 1 3 4
--R
     (- A a b + - B a )x + - A a x
     5 5 4
--R
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 143
--S 144 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 144
--S 145 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 145
)clear all
--S 146 of 1293
t0:=x^2*(a+b*x)^3*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
--R 3 6 3 2 5 2 2 4 2 3 3
--R
    B b x + (A b + 3B a b) x + (3A a b + 3B a b) x + (3A a b + B a) x
--R +
--R
       3 2
--R
    Aax
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 146
--S 147 of 1293
r0:=1/3*a^3*A*x^3+1/4*a^2*(3*A*b+a*B)*x^4+3/5*a*b*(A*b+a*B)*x^5+_
   1/6*b^2*(A*b+3*a*B)*x^6+1/7*b^3*B*x^7
--R
--R
--R (2)
--R 1 37 1 3 1 2 6 3 2 3 2 5
--R - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b)x
--R
             6
                    2
                                 5
```

```
--R +
--R 3 2 1 3 4 1 3 3
--R (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
   4 4 3
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 147
--S 148 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
    1 37 1 3 1 2 6 3 2 3 2 5
--R
     - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b)x
--R
    - B D X - ( ... - 2
--R
                                 5
--R
--R
     3 2 1 3 4 1 3 3
--R
   (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
     4 4
                      3
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 148
--S 149 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 149
--S 150 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 150
)clear all
--S 151 of 1293
t0:=x*(a+b*x)^3*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
     35 3 24 2 23 2 32
--R
--R   B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x
--R +
--R
     3
    Аах
--R
```

```
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--E 151
--S 152 of 1293
r0:=-1/4*a*(A*b-a*B)*(a+b*x)^4/b^3+1/5*(A*b-2*a*B)*(a+b*x)^5/b^3+_
    1/6*B*(a+b*x)^6/b^3
--R
--R
    (2)
       1 66 1 6 3 5 5 3 5 3 2 4 4
--R
--R
       - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
                5 5
--R
--R
         2 4 1 3 3 3 1 3 3 2 1 5
--R
--R
       (A a b + - B a b )x + - A a b x - -- A a b + -- B a
--R
                                    20
--R /
--R
       3
--R
      b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 152
--S 153 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
    1 36 1 3 3 2 5 3 2 3 2 4
--R
--R
     - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b)x
--R
     6 5 5 4 4
--R
--R
      2 1 3 3 1 3 2
--R
     (A a b + - B a )x + - A a x
--R
        3 2
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 153
--S 154 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        1 5 1 6
--R
        -- A a b - -- B a
--R
        20 60
   (4) -----
--R
--R
              3
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 154
```

```
--S 155 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 155
)clear all
--S 156 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)
--R
--R
--R
   (1)
   3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R
                                        Type: Polynomial(Integer)
--Е 156
--S 157 of 1293
r0:=1/4*(A*b-a*B)*(a+b*x)^4/b^2+1/5*B*(a+b*x)^5/b^2
--R
--R
--R
    (2)
      1 5 5 1 5 3 4 4 4 2 3 3
--R
--R
       -Bbx + (-Ab + -Bab)x + (Aab + Bab)x
--R
      5 4 4
--R
--R.
       3 2 3 1 3 2 2 3 2 1 4 1 5
--R
       (- A a b + - B a b )x + A a b x + - A a b - -- B a
      2 2
--R
--R /
--R
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 157
--S 158 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 1 3 5 1 3 3 2 4
                                   2 2 3
   - B b x + (- A b + - B a b )x + (A a b + B a b)x
--R
--R
             4
--R +
--R
     3 2 1 3 2 3
--R (- A a b + - B a )x + A a x
--R
     2
             2
```

```
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 158
--S 159 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 4 1 5
         - - A a b + -- B a
--R
         4 20
--R
--R (4) -----
                2
--R
--R
                b
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--R
--Е 159
--S 160 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 160
)clear all
--S 161 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x
--R
--R
--R (1)
--R 3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 161
--S 162 of 1293
\texttt{r0:=3*a^2*A*b*x+3/2*a*A*b^2*x^2+1/3*A*b^3*x^3+1/4*B*(a+b*x)^4/b+a^3*A*log(x)}
--R
--R
--R (2)
--R.
                        4 4 4
                                           3 3
                                                       3 222
        12A a b log(x) + 3B b x + (4A b + 12B a b )x + (18A a b + 18B a b )x
--R
--R
            2 2 3 4
--R
--R
       (36A \ a \ b + 12B \ a \ b)x + 3B \ a
--R /
--R
    12b
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 162
--S 163 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                3 4 3 2 3 2 2 2
--R
      12A a log(x) + 3B b x + (4A b + 12B a b )x + (18A a b + 18B a b)x
--R
--R
--R
            2
      (36A a b + 12B a )x
--R
--R /
--R
     12
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 163
--S 164 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
        Ва
--R
   (4) - ----
--R
          4b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 164
--S 165 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 165
)clear all
--S 166 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^2
--R
--R
--R
    (1)
    3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R Bbx + (Ab + 3Bab)x + (3Aab + 3Bab)x + (3Aab + Ba)x + Aa
--R
                                    2
--R
                                   x
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
```

```
--E 166
--S 167 of 1293
r0:=-a^3*A/x+3*a*b*(A*b+a*B)*x+1/2*b^2*(A*b+3*a*B)*x^2+1/3*b^3*B*x^3+_
     a^2*(3*A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
               2 3 3 4 3 2 3
--R
--R
         (18A \ a \ b + 6B \ a \ ) x \ log(x) + 2B \ b \ x + (3A \ b + 9B \ a \ b \ ) x
--R
--R
                       2 2
         (18A \ a \ b + 18B \ a \ b)x - 6A \ a
--R
--R /
--R
       6x
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 167
--S 168 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                            3 4 3 2 3
--R
         (18A \ a \ b + 6B \ a \ ) x \ log(x) + 2B \ b \ x + (3A \ b + 9B \ a \ b \ ) x
--R
--R
               2 2 2 3
--R
        (18A a b + 18B a b)x - 6A a
--R /
--R
       6x
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 168
--S 169 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 169
--S 170 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 170
)clear all
```

```
--S 171 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^3
--R
--R
--R
    (1)
    3 4 3 2 3 2 2 2 3
--R
--R Bbx + (Ab + 3Bab)x + (3Aab + 3Bab)x + (3Aab + Ba)x + Aa
--R
--R
                                      3
--R
                                     X
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 171
--S 172 of 1293
r0:=-1/2*a^3*A/x^2-a^2*(3*A*b+a*B)/x+b^2*(A*b+3*a*B)*x+1/2*b^3*B*x^2+_
    3*a*b*(A*b+a*B)*log(x)
--R.
--R
--R (2)
--R
             2 2 2 3 4 3 2 3
--R
        (6A \ a \ b + 6B \ a \ b) x \log(x) + B \ b x + (2A \ b + 6B \ a \ b) x
--R
--R
             2 3 3
--R
        (-6A a b - 2B a)x - A a
--R /
--R
--R
       2x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 172
--S 173 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                   2 2 3 4 3
--R
             2
        (6A \ a \ b + 6B \ a \ b) \times \log(x) + B \ b \times + (2A \ b + 6B \ a \ b) \times
--R
--R
             2
--R
                     3
       (- 6A a b - 2B a )x - A a
--R
--R /
--R
        2
--R
      2x
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 173
--S 174 of 1293
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 174
--S 175 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 175
)clear all
--S 176 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^4
--R
--R
--R (1)
     3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R
--R
                                       4
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 176
--S 177 of 1293
r0:=-1/3*a^3*A/x^3-1/2*a^2*(3*A*b+a*B)/x^2-3*a*b*(A*b+a*B)/x+_
    b^3*B*x+b^2*(A*b+3*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
    (2)
            3 2 3
--R
                                    3 4
--R
        (6A b + 18B a b) x log(x) + 6B b x + (-18A a b - 18B a b) x
--R
--R
             2
                     3
       (- 9A a b - 3B a )x - 2A a
--R
--R /
--R
--R
       6x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 177
--S 178 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
3 2 3 3 4 2 2 2
--R
     (6A b + 18B a b )x log(x) + 6B b x + (- 18A a b - 18B a b)x
--R
--R
            2 3
--R
--R
      (- 9A a b - 3B a )x - 2A a
--R /
--R
      3
--R
      6x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 178
--S 179 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 179
--S 180 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 180
)clear all
--S 181 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^5
--R
--R
--R (1)
     3 4 3 2 3 2 2 2 3
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R
--R
--R
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 181
--S 182 of 1293
r0:=-1/3*a^3*B/x^3-3/2*a^2*b*B/x^2-3*a*b^2*B/x-1/4*A*(a+b*x)^4/(a*x^4)+_
   b^3*B*log(x)
--R
--R
--R (2)
             3 4 4 4 3 2 2 3
--R
      12B a b x log(x) - 3A b x + (- 12A a b - 36B a b )x
--R
```

```
--R
       2 2 3 2 3 4 4
--R
      (- 18A a b - 18B a b)x + (- 12A a b - 4B a )x - 3A a
--R
--R /
--R
     12a x
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 182
--S 183 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
                  3 2 3 2 2 2
--R
--R
      12B b x log(x) + (- 12A b - 36B a b )x + (- 18A a b - 18B a b)x
--R
           2 3 3
--R
--R
      (- 12A a b - 4B a )x - 3A a
--R /
--R
--R
      12x
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 183
--S 184 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
        Аb
   (4) ----
--R
--R
        4a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 184
--S 185 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 185
)clear all
--S 186 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^6
--R
--R
```

```
--R (1)
--R 3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R Bbx + (Ab + 3Bab)x + (3Aab + 3Bab)x + (3Aab + Ba)x + Aa
--R
--R
                                  6
--R
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 186
--S 187 of 1293
r0:=-1/5*a^3*A/x^5-1/4*a^2*(3*A*b+a*B)/x^4-a*b*(A*b+a*B)/x^3-_
    1/2*b^2*(A*b+3*a*B)/x^2-b^3*B/x
--R
--R
--R
   (2)
--R
          3 4 1 3 3
                              2 3
                                          2 2 2
--R
       - B b x + (- - A b - - B a b) x + (- A a b - B a b) x
--R
                  2
--R
--R
        3 2 1 3 1 3
--R
       (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
--R /
--R
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 187
--S 188 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
            3 4 3 2 3 2 2 2
--R
--R
      -20B b x + (-10A b - 30B a b) x + (-20A a b - 20B a b) x
--R
                  3
--R.
            2
      (- 15A a b - 5B a )x - 4A a
--R
--R /
--R
--R
      20x
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 188
--S 189 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 189
--S 190 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 190
)clear all
--S 191 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^7
--R
--R
--R (1)
--R
   3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R
--R
--R
                                  х
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 191
--S 192 of 1293
r0:=-1/6*a^3*A/x^6-1/5*a^2*(3*A*b+a*B)/x^5-3/4*a*b*(A*b+a*B)/x^4-_
    1/3*b^2*(A*b+3*a*B)/x^3-1/2*b^3*B/x^2
--R
--R
--R
    (2)
        1 3 4 1 3 2 3 3 2 3 2 2
--R
       --Bbx + (--Ab -Bab)x + (--Aab --Bab)x
--R
--R
--R
         3 2 1 3
--R
                         1 3
      (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
                5
--R
         5
--R /
--R
      6
--R
      x
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 192
--S 193 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
             3 4 3
                               2 3 2 2 2
--R
```

```
-30B b x + (-20A b - 60B a b)x + (-45A a b - 45B a b)x
--R
--R
              2 3 3
--R
--R
       (- 36A a b - 12B a )x - 10A a
--R /
--R
--R
      60x
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 193
--S 194 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 194
--S 195 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 195
)clear all
--S 196 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^8
--R
--R
--R (1)
     3 4 3 2 3 2 2 2 3
--R
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R
--R
                                    8
--R
                                   X
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 196
--S 197 of 1293
r0:=-1/7*a^3*A/x^7-1/6*a^2*(3*A*b+a*B)/x^6-3/5*a*b*(A*b+a*B)/x^5-_
    1/4*b^2*(A*b+3*a*B)/x^4-1/3*b^3*B/x^3
--R.
--R
--R (2)
        1 3 4 1 3 3 2 3 3 2 3 2 2
--R
        --Bbx + (--Ab --Bab)x + (--Aab --Bab)x
--R
                    4
                           4
--R
        3
                                          5
```

```
--R
--R
        1 2 1 3 1 3
--R
        (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
        2 6
--R /
--R
      7
--R
      х
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 197
--S 198 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
              3 4
                  3 2 3
--R
       - 140B b x + (- 105A b - 315B a b )x + (- 252A a b - 252B a b)x
--R
              2 3
--R
      (- 210A a b - 70B a )x - 60A a
--R
--R /
--R
         7
--R
      420x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 198
--S 199 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 199
--S 200 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 200
)clear all
--S 201 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^9
--R
--R
--R (1)
--R 3 4 3 2 3
                                 2 2 2 2 3 3
```

```
--R Bbx + (Ab + 3Bab)x + (3Aab + 3Bab)x + (3Aab + Ba)x + Aa
--R
--R
                                   9
--R
                                  X
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 201
--S 202 of 1293
r0:=-1/8*a^3*A/x^8-1/7*a^2*(3*A*b+a*B)/x^7-1/2*a*b*(A*b+a*B)/x^6-_
    1/5*b^2*(A*b+3*a*B)/x^5-1/4*b^3*B/x^4
--R
--R
--R
   (2)
         1 34 1 3 3 2 3
--R
                                        1 2 1 2 2
--R
       --Bbx+(--Ab--Bab)x+(--Aab--Bab)x
--R
                    5
                          5
--R
         3 2 1 3 1 3
--R
      (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
--R
--R /
--R
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 202
--S 203 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
            3 4 3 2 3 2 2 2
--R
--R
      - 70B b x + (- 56A b - 168B a b )x + (- 140A a b - 140B a b)x
--R
                   3
--R
              2
      (- 120A a b - 40B a )x - 35A a
--R
--R /
--R
       8
--R
      280x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 203
--S 204 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 204
```

```
--S 205 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 205
)clear all
--S 206 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^10
--R
--R
--R
   (1)
    3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
                                                      3 3
--R Bbx + (Ab + 3Bab)x + (3Aab + 3Bab)x + (3Aab + Ba)x + Aa
--R.
--R
                                  10
--R
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 206
--S 207 of 1293
r0:=-1/9*a^3*A/x^9-1/8*a^2*(3*A*b+a*B)/x^8-3/7*a*b*(A*b+a*B)/x^7-_
    1/6*b^2*(A*b+3*a*B)/x^6-1/5*b^3*B/x^5
--R
--R
--R
    (2)
        1 34 1 31 23 3 23 2 2
--R
       --Bbx+(--Ab---Bab)x+(--Aab---Bab)x
--R
                 6 2
--R
        5
--R
--R
         3 2 1 3 1 3
--R
      (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
--R /
--R
      9
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 207
--S 208 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                   2 3
     - 504B b x + (- 420A b - 1260B a b )x + (- 1080A a b - 1080B a b)x
--R
--R
```

```
--R
                      3
--R
         (-945A \ a \ b - 315B \ a \ )x - 280A \ a
--R /
--R
--R
       2520x
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 208
--S 209 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 209
--S 210 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 210
)clear all
--S 211 of 1293
t0:=x^m*(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
--R
    (1)
                  5 4 5 4 2 3 4
--R
            5 6
--R
       B b x + (A b + 5B a b) x + (5A a b + 10B a b) x
--R
--R
            2 3 3 2 3
                                    3 2
                                              4 2
       (10A \ a \ b + 10B \ a \ b )x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a )x + A \ a
--R
--R *
--R
--R
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 211
--S 212 of 1293
r0:=a^5*A*x^(1+m)/(1+m)+a^4*(5*A*b+a*B)*x^(2+m)/(2+m)+_
    5*a^3*b*(2*A*b+a*B)*x^(3+m)/(3+m)+10*a^2*b^2*(A*b+a*B)*x^(4+m)/(4+m)+_
     5*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x^(5+m)/(5+m)+b^4*(A*b+5*a*B)*x^(6+m)/(6+m)+_
    b^5*B*x^7(7+m)/(7+m)
--R
--R
--R
    (2)
```

```
5 6 5 5 5 4 5 3 5 2 5
--R
--R
          B b m + 21B b m + 175B b m + 735B b m + 1624B b m + 1764B b m
--R
--R
         720B b
--R
--R
--R
         m + 7
--R
        x
--R
                    4 6 5
                                       4 5
--R
--R
          (A b + 5B a b )m + (22A b + 110B a b )m + (190A b + 950B a b )m
--R
                    4 3
--R
          (820A b + 4100B a b)m + (1849A b + 9245B a b)m
--R
--R
--R
               5 4 5 4
--R
          (2038A b + 10190B a b)m + 840A b + 4200B a b
--R
--R
         m + 6
--R
         x
--R
--R
               4 236 4 235
--R
          (5A a b + 10B a b )m + (115A a b + 230B a b )m
--R
--R
                 4 234
--R
          (1035A \ a \ b + 2070B \ a \ b ) m + (4625A \ a \ b + 9250B \ a \ b ) m
--R
                 4 232 4 23
--R
--R
          (10720A \ a \ b + 21440B \ a \ b ) m + (12060A \ a \ b + 24120B \ a \ b ) m
--R
                 4 2 3
--R
          5040A a b + 10080B a b
--R
--R
--R
         m + 5
--R
         x
--R
              23 326 23 325
--R
--R
          (10A a b + 10B a b )m + (240A a b + 240B a b )m
--R
--R
                2 3 3 2 4
                                       2 3
          (2260A a b + 2260B a b )m + (10560A a b + 10560B a b )m
--R
--R
--R
                2 3
                     3 2 2 2 3 3 2
--R
          (25450A \ a \ b + 25450B \ a \ b )m + (29520A \ a \ b + 29520B \ a \ b )m
--R
--R
                2 3
--R
          12600A a b + 12600B a b
--R
--R
         m + 4
--R
         x
```

```
--R
               3 2 4 6 3 2 4 5
--R
--R
          (10A a b + 5B a b)m + (250A a b + 125B a b)m
--R
                3 2 4 4 3 3 2 4 3
--R
           (2470A \ a \ b + 1235B \ a \ b)m + (12190A \ a \ b + 6095B \ a \ b)m
--R
--R
--R
                           4 2
                                         3 2
          (31120A a b + 15560B a b)m + (37960A a b + 18980B a b)m
--R
--R
--R
                3 2 4
          16800A a b + 8400B a b
--R
--R
--R
         m + 3
--R
         x
--R
--R
             4 5 6 4 5 5
--R
          (5A a b + B a )m + (130A a b + 26B a )m + (1350A a b + 270B a )m
--R
--R
                     5 3
--R
           (7100A \ a \ b + 1420B \ a \ )m + (19645A \ a \ b + 3929B \ a \ )m
--R
--R
                          5
--R
           (26370A \ a \ b + 5274B \ a \ )m + 12600A \ a \ b + 2520B \ a
--R
--R
         m + 2
--R
         x
--R
--R
            5 6 5 5 5 4 5 3 5 2 5
--R
          Aam + 27A am + 295A am + 1665A am + 5104A am + 8028A am
--R
--R
--R
          5040A a
--R
--R
         m + 1
--R
         x
--R /
      7 6
                       4 3
--R
                 5
      m + 28m + 322m + 1960m + 6769m + 13132m + 13068m + 5040
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 212
--S 213 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
             56 55 54 53 52 5
           B b m + 21B b m + 175B b m + 735B b m + 1624B b m + 1764B b m
--R
--R
```

```
--R
--R
            720B b
--R
--R
           7
--R
           X
--R
              5 46 5 45
--R
           (A b + 5B a b)m + (22A b + 110B a b)m
--R
--R
--R
                          4 4
--R
            (190A b + 950B a b )m + (820A b + 4100B a b )m
--R
                       4 2 5
                 5
--R
            (1849A b + 9245B a b)m + (2038A b + 10190B a b)m + 840A b
--R
--R
--R
--R
            4200B a b
--R
--R
           6
--R
           X
--R
--R
                 4 236 4 235
--R
            (5A a b + 10B a b )m + (115A a b + 230B a b )m
--R
                    4 234
--R
--R
            (1035A \ a \ b + 2070B \ a \ b ) m + (4625A \ a \ b + 9250B \ a \ b ) m
--R
                    4 232 4 23
--R
--R
            (10720A \ a \ b + 21440B \ a \ b ) m + (12060A \ a \ b + 24120B \ a \ b ) m
--R
--R
            5040A a b + 10080B a b
--R
--R
--R
--R
           X
--R
--R
                23 326 23 325
--R
           (10A a b + 10B a b )m + (240A a b + 240B a b )m
--R
                  2 3 3 2 4
--R
                                          2 3
            (2260A a b + 2260B a b )m + (10560A a b + 10560B a b )m
--R
--R
--R
                  2 3
                       3 2 2 2 3 3 2
--R
            (25450A \ a \ b + 25450B \ a \ b ) m + (29520A \ a \ b + 29520B \ a \ b ) m
--R
                        3 2
--R
                  2 3
--R
           12600A a b + 12600B a b
--R
--R
--R
           X
```

```
--R
                3 2 4 6 3 2 4 5
--R
--R
            (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)m + (250A \ a \ b + 125B \ a \ b)m
--R
                  3 2 4 4 3 2 4 3
--R
            (2470A \ a \ b + 1235B \ a \ b)m + (12190A \ a \ b + 6095B \ a \ b)m
--R
--R
--R
                             4 2
                                          3 2
            (31120A a b + 15560B a b)m + (37960A a b + 18980B a b)m
--R
--R
--R
                  3 2 4
           16800A a b + 8400B a b
--R
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                    5 6 4 5 5 4 5 4
--R
            (5A a b + B a )m + (130A a b + 26B a )m + (1350A a b + 270B a )m
--R
--R
                  4 5 3
--R
            (7100A \ a \ b + 1420B \ a \ )m + (19645A \ a \ b + 3929B \ a \ )m
--R
--R
                  4 5
--R
            (26370A \ a \ b + 5274B \ a \ )m + 12600A \ a \ b + 2520B \ a
--R
--R
--R
          x
--R
             5 6 5 5 5 4 5 3 5 2 5
--R
--R
            Aam + 27A am + 295A am + 1665A am + 5104A am + 8028A am
--R
--R
--R
           5040A a
--R
--R
--R
--R
        m log(x)
--R
       %e
--R /
--R
                5 4
      m + 28m + 322m + 1960m + 6769m + 13132m + 13068m + 5040
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 213
--S 214 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                5 6 5 5 5 4 5 3 5 2
```

```
--R
              B b m + 21B b m + 175B b m + 735B b m + 1624B b m
--R
--R
                   5 5
--R
              1764B b m + 720B b
--R
--R
--R
           x
--R
                5 4 6 5 4 5
--R
              (A b + 5B a b )m + (22A b + 110B a b )m
--R
--R
--R
                            4 4
               (190A b + 950B a b)m + (820A b + 4100B a b)m
--R
--R
--R
                         4 2
                                      5
--R
              (1849A b + 9245B a b)m + (2038A b + 10190B a b)m + 840A b
--R
--R
--R
              4200B a b
--R
--R
--R
             x
--R
--R
                    4 2 3 6 4 2 3 5
              (5A \ a \ b + 10B \ a \ b )m + (115A \ a \ b + 230B \ a \ b )m
--R
--R
                      4 234
--R
--R
              (1035A \ a \ b + 2070B \ a \ b ) m + (4625A \ a \ b + 9250B \ a \ b ) m
--R
                      4 232 4 23
--R
              (10720A \ a \ b + 21440B \ a \ b )m + (12060A \ a \ b + 24120B \ a \ b )m
--R
--R
--R
--R
              5040A a b + 10080B a b
--R
--R
--R
            X
--R
                   2 3 3 2 6 2 3 3 2 5
--R
              (10A a b + 10B a b )m + (240A a b + 240B a b )m
--R
--R
--R
                    2 3 3 2 4
                                        2 3
--R
              (2260A a b + 2260B a b )m + (10560A a b + 10560B a b )m
--R
                     23 322 23 32
--R
               (25450A \ a \ b + 25450B \ a \ b )m + (29520A \ a \ b + 29520B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                     2 3
              12600A a b + 12600B a b
--R
--R
```

```
--R
--R
           x
--R
                   3 2 4 6 3 2 4 5
--R
             (10A a b + 5B a b)m + (250A a b + 125B a b)m
--R
--R
                    3 2 4 4 3 3 2 4 3
--R
--R
              (2470A \ a \ b + 1235B \ a \ b)m + (12190A \ a \ b + 6095B \ a \ b)m
--R
--R
                     3 2
                                4 2
                                           3 2
              (31120A \ a \ b + 15560B \ a \ b)m + (37960A \ a \ b + 18980B \ a \ b)m
--R
--R
                    3 2 4
--R
              16800A a b + 8400B a b
--R
--R
--R
             3
--R
             X
--R
                 4 5 6 4 5 5
--R
              (5A \ a \ b + B \ a) m + (130A \ a \ b + 26B \ a) m
--R
--R
                    4 5 4 4
--R
--R
               (1350A \ a \ b + 270B \ a \ )m + (7100A \ a \ b + 1420B \ a \ )m
--R
                        5 2
--R
              (19645A \ a \ b + 3929B \ a \ )m + (26370A \ a \ b + 5274B \ a \ )m + 12600A \ a \ b
--R
--R
--R
--R
              2520B a
--R
--R
             2
--R
--R
               5 6 5 5 5 4 5 3 5 2
--R
--R
              Aam + 27A am + 295A am + 1665A am + 5104A am
--R
                 5 5
--R
--R
              8028A a m + 5040A a
--R
--R
--R
--R
          m log(x)
--R
         %e
--R
             5 6 5 5 5 4 5 3 5 2 5
--R
           - B b m - 21B b m - 175B b m - 735B b m - 1624B b m - 1764B b m
--R
--R
--R
           - 720B b
--R
--R
```

```
--R
        m + 7
--R
         x
--R
              5 4 6 5 4 5
--R
--R
          (- A b - 5B a b )m + (- 22A b - 110B a b )m
--R
                 5 4 4 5
--R
          (-190A b - 950B a b )m + (-820A b -4100B a b )m
--R
--R
                                    5
--R
                 5
                           4 2
--R
          (- 1849A b - 9245B a b )m + (- 2038A b - 10190B a b )m - 840A b
--R
--R
          - 4200B a b
--R
--R
--R
         m + 6
--R
         x
--R
--R
                4 236
          (-5A a b - 10B a b )m + (-115A a b - 230B a b )m
--R
--R
                  4 234 4 233
--R
--R
           (-1035A \ a \ b \ -2070B \ a \ b \ ) m \ + (-4625A \ a \ b \ -9250B \ a \ b \ ) m
--R
                       2 3 2
--R
           (-10720A \ a \ b \ -21440B \ a \ b \ )m \ + (-12060A \ a \ b \ -24120B \ a \ b \ )m
--R
--R
--R
                  4 2 3
--R
          - 5040A a b - 10080B a b
--R
         m + 5
--R
--R
         x
--R
                23 326 23 325
--R
--R
          (-10A a b - 10B a b )m + (-240A a b -240B a b )m
--R
--R
                 2 3 3 2 4
                                           2 3
--R
          (- 2260A a b - 2260B a b )m + (- 10560A a b - 10560B a b )m
--R
--R
                             3 2 2
                                             2 3
          (- 25450A a b - 25450B a b )m + (- 29520A a b - 29520B a b )m
--R
--R
--R
                 2 3 3 2
--R
          - 12600A a b - 12600B a b
--R
         m + 4
--R
--R
         х
--R
                 3 2 4 6 3 2 4 5
--R
           (- 10A a b - 5B a b)m + (- 250A a b - 125B a b)m
--R
```

```
--R
             3 2 4 4 3 2 4 3
--R
--R
          (- 2470A a b - 1235B a b)m + (- 12190A a b - 6095B a b)m
--R
                   3 2 4 2 3 2 4
--R
          (- 31120A a b - 15560B a b)m + (- 37960A a b - 18980B a b)m
--R
--R
--R
                  3 2
          - 16800A a b - 8400B a b
--R
--R
--R
         m + 3
--R
         x
--R
--R
                     5 6
                                   4
--R
          (- 5A a b - B a )m + (- 130A a b - 26B a )m
--R
--R
                          5 4
                                        4
          (- 1350A a b - 270B a )m + (- 7100A a b - 1420B a )m
--R
--R
                  4 5 2
--R
           (-19645A \ a \ b \ -3929B \ a \ )m \ + (-26370A \ a \ b \ -5274B \ a \ )m \ -12600A \ a \ b
--R
--R
--R
--R
           - 2520B a
--R
--R
         m + 2
--R
         x
--R
            5 6 5 5 5 4 5 3 5 2 5
--R
--R
          - A a m - 27A a m - 295A a m - 1665A a m - 5104A a m - 8028A a m
--R
--R
--R
          - 5040A a
--R
--R
         m + 1
--R
         x
--R /
      7 6
                       4 3
--R
                 5
      m + 28m + 322m + 1960m + 6769m + 13132m + 13068m + 5040
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 214
--S 215 of 1293
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 215
```

```
)clear all
--S 216 of 1293
t0:=x^5*(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
              5 4 10
--R
    B b x + (A b + 5B a b) x + (5A a b + 10B a b) x
--R
--R +
--R
       23 328 32 47 4 56
--R (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a x
--R
                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 216
--S 217 of 1293
r0:=1/6*a^5*A*x^6+1/7*a^4*(5*A*b+a*B)*x^7+5/8*a^3*b*(2*A*b+a*B)*x^8+_
   10/9*a^2*b^2*(A*b+a*B)*x^9+1/2*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x^10+_
   1/11*b^4*(A*b+5*a*B)*x^11+1/12*b^5*B*x^12
--R
--R
--R (2)
--R
    1 5 12 1 5 5 4 11 1 4 2 3 10
--R
     -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + B a b )x
--R
                       11
               11
--R
     10 23 10 32 9 5 32 5 4 8 5 4 1 5 7
--R
--R
      (-- A a b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x
--R
     9
--R
--R
   1 56
--R
    - Аах
--R
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 217
--S 218 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    1 5 12 1 5 5 4 11 1 4 2 3 10
--R
--R
     -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + B a b )x
--R.
    12
               11 11
--R.
     10 23 10 329 5 32 5 4 8 5 4 1 5 7
--R
      (-- A a b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x
--R
     9
--R
--R
--R 1 5 6
```

```
--R - A a x
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 218
--S 219 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 219
--S 220 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 220
)clear all
--S 221 of 1293
t0:=x^4*(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
--R 5 10 5 4 9 4 2 3 8
--R
     Bbx + (Ab + 5Bab)x + (5Aab + 10Bab)x
--R +
       23 327 32 46 4 55 54
--R
--R (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a x
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 221
--S 222 of 1293
r0:=1/5*a^5*A*x^5+1/6*a^4*(5*A*b+a*B)*x^6+5/7*a^3*b*(2*A*b+a*B)*x^7+_
   5/4*a^2*b^2*(A*b+a*B)*x^8+5/9*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x^9+_
    1/10*b^4*(A*b+5*a*B)*x^10+1/11*b^5*B*x^11
--R
--R
--R (2)
--R 1 5 11 1 5 1 4 10 5 4 10 2 3 9
--R -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
--R
               10
--R +
--R
     5 2 3 5 3 2 8 10 3 2 5 4 7 5 4 1 5 6
      (-Aab + -Bab)x + (--Aab + -Bab)x + (-Aab + -Ba)x
--R
                                   7
--R
              4
                          7
                                              6 6
```

```
--R +
--R 1 5 5
--R - A a x
--R
   5
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 222
--S 223 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
    1 5 11 1 5 1 4 10 5 4 10 2 3 9
--R
     -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
--R
   11 10 2 9
--R
--R +
--R
     5 2 3 5 3 2 8 10 3 2 5 4 7 5 4 1 5 6
--R (- A a b + - B a b )x + (-- A a b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x
                         7 7 6 6
--R
--R +
--R 1 5 5
--R - A a x
--R
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 223
--S 224 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 224
--S 225 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 225
)clear all
--S 226 of 1293
t0:=x^3*(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
--R 5 9 5 4 8
                              4 237
```

```
B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
--R
--R 23 326 32 45 4 53
--R (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a x
--R.
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 226
--S 227 of 1293
r0:=1/4*a^5*A*x^4+1/5*a^4*(5*A*b+a*B)*x^5+5/6*a^3*b*(2*A*b+a*B)*x^6+_
    10/7*a^2*b^2*(A*b+a*B)*x^7+5/8*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x^8+_
    1/9*b^4*(A*b+5*a*B)*x^9+1/10*b^5*B*x^10
--R
--R
--R
    1 5 10 1 5 5 4 9 5 4 5 2 3 8
--R
     -- B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
--R
    10 9 9 8
--R +
--R
     10 23 10 327 5 32 5 4 6 4 1 5 5
      (-- A a b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b)x + (A a b + - B a )x
--R
--R
--R +
--R
     1 54
    - Аах
--R
--R
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 227
--S 228 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     1 5 10 1 5 5 4 9 5 4 5 2 3 8
--R
--R
      -- B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
                                 8
--R
--R.
      10 23 10 327 5 325 4 6 4 1 5 5
--R
--R
     (-- A a b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b)x + (A a b + - B a )x
               7
--R
                           3
--R
--R
    1 54
     - А а х
--R.
--R
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 228
--S 229 of 1293
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R (4) 0
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 229
--S 230 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 230
)clear all
--S 231 of 1293
t0:=x^2*(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
     58 5 47 4 236
--R
     B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
--R
--R
     23 325 32 44 4 53 52
--R
    (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a x
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 231
--S 232 of 1293
r0:=1/6*a^2*(A*b-a*B)*(a+b*x)^6/b^4-1/7*a*(2*A*b-3*a*B)*(a+b*x)^7/b^4+_1
    1/8*(A*b-3*a*B)*(a+b*x)^8/b^4+1/9*B*(a+b*x)^9/b^4
--R
--R
--R
    (2)
--R
       1 99 1 9 5 8 8 5 8 10 2 7 7
       - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
--R
                8
--R
--R
        5 2 7 5 3 6 6 3 6 4 5 5 5 4 5 1 5 4 4
--R
      (- A a b + - B a b )x + (2A a b + B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
--R
--R
--R.
       1 543 1 8 1
--R
       - A a b x + --- A a b - --- B a
--R
      3
                 168
                           504
--R /
--R
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 232
```

```
--S 233 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
     1 59 1 5 5 4 8 5 4 10 2 3 7

- B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + -- B a b )x

9 8 8 7 7
--R
--R
--R
--R
       5 2 3 5 3 2 6 3 2 4 5 5 4 1 5 4
--R
       (-Aab+-Bab)x+(2Aab+Bab)x+(-Aab+-Ba)x
--R
--R
--R
     1 53
--R
      - Аах
--R
      3
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 233
--S 234 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          1 8 1 9
         - --- A a b + --- B a
--R
--R
         168 504
--R
    (4) -----
--R
                 4
--R
                 b
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 234
--S 235 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 235
)clear all
--S 236 of 1293
t0:=x*(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
--R
    (1)
      57 5 46 4 235
--R
      B b x + (A b + 5B a b) x + (5A a b + 10B a b) x
--R
```

```
--R +
--R 23 324 32 4 3 5 2 5
--R
   (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a x
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--Е 236
--S 237 of 1293
r0:=-1/6*a*(A*b-a*B)*(a+b*x)^6/b^3+1/7*(A*b-2*a*B)*(a+b*x)^7/b^3+_
    1/8*B*(a+b*x)^8/b^3
--R
--R
    (2)
       1 88 1 8 5 7 7 5 7 5 2 6 6
--R
       - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
--R
                7 7
--R
--R
          26 355 5 355 444 5 44 1 533
--R
       (2A a b + 2B a b )x + (- A a b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
                           2
--R
--R
      1 532 1 7 1
       - A a b x - -- A a b + --- B a
--R
--R
                42
                         168
--R /
--R
      3
--R
      b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 237
--S 238 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
    1 58 1 5 5 4 7 5 4 5 2 3 6
     - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
--R
--R
       23 325 5 325 4 4 5 4 1 5 3
--R
--R
      (2A \ a \ b \ + 2B \ a \ b \ )x \ + (- \ A \ a \ b \ + - B \ a \ b)x \ + (- \ A \ a \ b \ + - B \ a \ )x
--R
--R
--R.
   1 52
     - Аах
--R
--R
      2
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 238
--S 239 of 1293
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
        1 7 1 8
--R
        -- A a b - --- B a
--R
       42 168
--R
   (4) -----
--R
               3
--R
              b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 239
--S 240 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 240
)clear all
--S 241 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
   (1)
--R
    5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
     B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
--R
--R
     23 323 32 42 4 5 5
--R
     (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 241
--S 242 of 1293
r0:=1/6*(A*b-a*B)*(a+b*x)^6/b^2+1/7*B*(a+b*x)^7/b^2
--R
--R
--R
    (2)
      1 77 1 7 5 6 6 6 2 5 5
--R
       - B b x + (- A b + - B a b) x + (A a b + 2B a b) x
--R
--R
                6
--R
--R
       5 25 5 34 4 10 34 5 43 3
--R
       (- A a b + - B a b )x + (-- A a b + - B a b )x
--R
               2
--R
--R
       5 4 3 1 5 2 2 5 2 1 6 1 7
       (- A a b + - B a b )x + A a b x + - A a b - -- B a
--R
--R
                 2
                                   6
```

```
--R /
--R
     b
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 242
--S 243 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
     1 57 1 5 5 4 6
--R
      - B b x + (- A b + - B a b )x + (A a b + 2B a b )x
--R
--R
--R
--R
      5 2 3 5 3 2 4 10 3 2 5 4 3 5 4 1 5 2
--R
    (- A a b + - B a b )x + (-- A a b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x
      2 2
--R
                            3 3 2
--R
--R
       5
--R
     Aax
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 243
--S 244 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 6 1 7
--R -- A a b + -- B a
--R 6 42
--R
--R (4) -----
--R
                2
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 244
--S 245 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 245
)clear all
--S 246 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x
--R
```

```
--R
      (1)
--R
--R
            5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
         B b x + (A b + 5B a b)x + (5A a b + 10B a b)x
--R
                     3 2 3 3 2
--R
             2 3
                                               4 2
--R
       (10A \ a \ b + 10B \ a \ b )x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a )x + A \ a
--R /
--R
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 246
--S 247 of 1293
r0:=5*a^4*A*b*x+5*a^3*A*b^2*x^2+10/3*a^2*A*b^3*x^3+5/4*a*A*b^4*x^4+_
     1/5*A*b^5*x^5+1/6*B*(a+b*x)^6/b+a^5*A*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                               6 6
                                        6
         60A \ a \ b \ log(x) + 10B \ b \ x + (12A \ b + 60B \ a \ b)x
--R
--R
--R
                 5 244 24 333
--R
         (75A \ a \ b + 150B \ a \ b )x + (200A \ a \ b + 200B \ a \ b )x
--R
--R
                     4 2 2
                3 3
                                      4 2
          (300A \ a \ b + 150B \ a \ b )x + (300A \ a \ b + 60B \ a \ b)x + 10B \ a
--R
--R /
--R
       60b
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 247
--S 248 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
      (3)
--R
                           5 6
--R
         60A \ a \log(x) + 10B \ b \ x + (12A \ b + 60B \ a \ b) x
--R
--R
                         234
                                        2 3
          (75A \ a \ b + 150B \ a \ b )x + (200A \ a \ b + 200B \ a \ b )x
--R
--R
--R.
                3 2
                          4 2
                                        4
--R
          (300A \ a \ b + 150B \ a \ b)x + (300A \ a \ b + 60B \ a \ )x
--R /
--R
--R
                                           Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 248
--S 249 of 1293
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
           Ва
    (4) - ----
--R
--R
            6b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 249
--S 250 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 250
)clear all
--S 251 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^2
--R
--R
--R
     (1)
          5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
--R
       B b x + (A b + 5B a b) x + (5A a b + 10B a b) x
--R
            23 32 3 32 42 4
--R
--R
       (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a
--R /
--R
       2
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 251
--S 252 of 1293
r0:=-a^5*A/x+5*a^3*b*(2*A*b+a*B)*x+5*a^2*b^2*(A*b+a*B)*x^2+_
    5/3*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x^3+1/4*b^4*(A*b+5*a*B)*x^4+_
    1/5*b^5*B*x^5+a^4*(5*A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R.
              4
                    5
                                       5 6
                                              5
--R
         (300A \ a \ b + 60B \ a \ ) x \ log(x) + 12B \ b \ x + (15A \ b + 75B \ a \ b \ ) x
--R
                4 234 23 323
--R
--R
        (100A \ a \ b + 200B \ a \ b ) x + (300A \ a \ b + 300B \ a \ b ) x
--R
--R
               3 2 4 2
                                    5
```

```
--R (600A a b + 300B a b)x - 60A a
--R /
--R
    60x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 252
--S 253 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                      5
                                       5 6
                                                5
        (300A \ a \ b + 60B \ a \ ) x \ log(x) + 12B \ b \ x + (15A \ b + 75B \ a \ b \ ) x
--R
--R
--R
               4 234
                                  2 3
                                              3 2 3
--R
       (100A a b + 200B a b )x + (300A a b + 300B a b )x
--R
--R
             3 2 4 2 5
        (600A a b + 300B a b)x - 60A a
--R
--R /
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 253
--S 254 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 254
--S 255 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 255
)clear all
--S 256 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^3
--R
--R
--R (1)
--R
          56 5 45
      B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
--R
```

```
23 323 32 42 45 5
--R
--R
        (10A \ a \ b + 10B \ a \ b ) x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b) x + (5A \ a \ b + B \ a ) x + A \ a
--R /
--R
        3
--R
       X
--R
                                            Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 256
--S 257 of 1293
r0:=-1/2*a^5*A/x^2-a^4*(5*A*b+a*B)/x+10*a^2*b^2*(A*b+a*B)*x+_
     5/2*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x^2+1/3*b^4*(A*b+5*a*B)*x^3+_
     1/4*b^5*B*x^4+5*a^3*b*(2*A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                3 2
                          4 2
                                            5 6 5
          (120A \ a \ b + 60B \ a \ b) x \log(x) + 3B \ b \ x + (4A \ b + 20B \ a \ b) x
--R
--R
--R
                          2 3 4
                                        2 3
          (30A \ a \ b + 60B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 120B \ a \ b )x
--R
--R
--R
                      5
--R
          (-60A \ a \ b - 12B \ a \ )x - 6A \ a
--R /
--R
--R
        12x
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 257
--S 258 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
               3 2 4 2
--R
                                            5 6
                                                      5
          (120A \ a \ b + 60B \ a \ b) x \log(x) + 3B \ b \ x + (4A \ b + 20B \ a \ b) x
--R
--R
--R
                          2 3 4
                                         2 3
--R
         (30A \ a \ b + 60B \ a \ b) x + (120A \ a \ b + 120B \ a \ b) x
--R
--R
                 4
                          5
         (-60A \ a \ b - 12B \ a \ )x - 6A \ a
--R
--R /
--R
--R
        12x
--R
                                           Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 258
--S 259 of 1293
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 259
--S 260 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 260
)clear all
--S 261 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^4
--R
--R
--R (1)
--R
           5 6 5 4 5
--R
       B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
--R
             2 3 3 2 3 3 2 4 2 4
--R
       (10A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
--R
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 261
--S 262 of 1293
r0:=-1/3*a^5*A/x^3-1/2*a^4*(5*A*b+a*B)/x^2-5*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x+_
    5*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x+1/2*b^4*(A*b+5*a*B)*x^2+1/3*b^5*B*x^3+_
    10*a^2*b^2*(A*b+a*B)*log(x)
--R.
--R
--R
     (2)
              2 3 3 2 3
--R
                                          5 6 5
         (60A \ a \ b + 60B \ a \ b) \times \log(x) + 2B \ b \times + (3A \ b + 15B \ a \ b) \times
--R
--R
--R.
                       2 3 4 3 2
                                                4 2
                                                               4
         (30A \ a \ b + 60B \ a \ b )x + (-60A \ a \ b - 30B \ a \ b)x + (-15A \ a \ b - 3B \ a )x
--R
--R
--R
--R
         - 2A a
--R /
--R
        3
--R
       6x
```

```
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 262
--S 263 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
            2 3 3 2 3 5 6 5 4 5
--R
      (60A \ a \ b + 60B \ a \ b ) x \log(x) + 2B \ b \ x + (3A \ b + 15B \ a \ b ) x
--R
--R
--R
                               3 2
                                            4 2
                     234
       (30A a b + 60B a b )x + (- 60A a b - 30B a b)x + (- 15A a b - 3B a )x
--R
--R
--R
--R
       - 2A a
--R /
--R
        3
--R
      6x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 263
--S 264 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 264
--S 265 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 265
)clear all
--S 266 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^5
--R
--R
--R (1)
          56 5 45
--R
      B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
--R
      23 323 32 42 4 5 5
--R
     (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a
--R
```

```
--R /
--R
       5
--R
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 266
--S 267 of 1293
r0:=-1/4*a^5*A/x^4-1/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^3-5/2*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^2-_
     10*a^2*b^2*(A*b+a*B)/x+b^4*(A*b+5*a*B)*x+1/2*b^5*B*x^2+_
     5*a*b^3*(A*b+2*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                    234
                                           5 6
                                                    5
--R
         (60A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x \log(x) + 6B \ b \ x + (12A \ b + 60B \ a \ b ) x
--R
--R
                2 3 3 2 3
                                          3 2
         (-120A \ a \ b \ -120B \ a \ b \ )x \ + (-60A \ a \ b \ -30B \ a \ b)x
--R
--R
--R
               4 5 5
--R
         (-20A a b - 4B a)x - 3A a
--R /
--R
--R
       12x
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 267
--S 268 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                4 234
--R
                                           5 6
--R
         (60A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x \ log(x) + 6B \ b \ x + (12A \ b + 60B \ a \ b ) x
--R
                  2 3 3 2 3
                                           3 2 4 2
--R
         (- 120A a b - 120B a b )x + (- 60A a b - 30B a b)x
--R
--R
--R
               4
                      5
--R
         (-20A \ a \ b - 4B \ a \ )x - 3A \ a
--R /
--R
--R.
       12x
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 268
--S 269 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R (4) 0
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 269
--S 270 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--Е 270
)clear all
--S 271 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^6
--R
--R
--R (1)
--R
                                                           5 4 5
                       B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
--R
--R
                                   23 323 32 4 2 4 5 5
--R
                       (10A \ a \ b + 10B \ a \ b )x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a )x + A \ a
--R /
--R
                       6
--R
--R
                                                                                                                                Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 271
--S 272 of 1293
r0:=-1/5*a^5*A/x^5-1/4*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^3-1/4*a^4*(5*A*b+a*B)/x^3-1/4*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^3-1/4*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^3-1/4*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^4*(5*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*A*b+a*
              5*a^2*b^2*(A*b+a*B)/x^2-5*a*b^3*(A*b+2*a*B)/x+b^5*B*x+_
              b^4*(A*b+5*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
              (2)
                                         5 4 5 5 6
--R
--R
                            (60A b + 300B a b) x log(x) + 60B b x + (-300A a b - 600B a b) x
--R
--R
                                                   2 3
                                                                          3 2 3
                                                                                                                                     3 2
--R
                       (- 300A a b - 300B a b )x + (- 200A a b - 100B a b)x
--R.
--R
                                                 4
                                                                          5
                        (- 75A a b - 15B a )x - 12A a
--R
--R /
--R
--R
                       60x
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 272
```

```
--S 273 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
            5 4 5 5 6 4 2 3 4
--R
       (60A b + 300B a b) x log(x) + 60B b x + (-300A a b - 600B a b) x
--R
--R
              2 3 3 2 3
--R
                                      3 2
--R
      (- 300A a b - 300B a b )x + (- 200A a b - 100B a b)x
--R
                   5
--R
       (- 75A a b - 15B a )x - 12A a
--R
--R /
--R
        5
      60x
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 273
--S 274 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 274
--S 275 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 275
)clear all
--S 276 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^7
--R
--R
--R (1)
--R
          5 6 5 4 5
                                     4 234
--R
        B b x + (A b + 5B a b) x + (5A a b + 10B a b) x
--R
       23 323 32 42 4 5 5
--R
--R
      (10A \ a \ b + 10B \ a \ b )x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a )x + A \ a
--R /
--R
      7
```

```
--R
     X
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 276
--S 277 of 1293
\texttt{r0:=-1/5*a^5*B/x^5-5/4*a^4*b*B/x^4-10/3*a^3*b^2*B/x^3-5*a^2*b^3*B/x^2-\_}
    5*a*b^4*B/x-1/6*A*(a+b*x)^6/(a*x^6)+b^5*B*log(x)
--R
--R
     (2)
--R
                             6 6 5 2 4 5
        60B \ a \ b \ x \ log(x) - 10A \ b \ x + (-60A \ a \ b - 300B \ a \ b)x
--R
--R
--R
                       3 3 4
                                          3 3
                                                     423
--R
       (- 150A a b - 300B a b )x + (- 200A a b - 200B a b )x
--R
                4 2
                       5 2
--R
                                        5
                                               6
        (-150A \ a \ b \ -75B \ a \ b)x + (-60A \ a \ b \ -12B \ a \ )x - 10A \ a
--R
--R /
--R
--R
       60a x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 277
--S 278 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                   5 4 5
                                               4 234
--R
             5 6
        60B b x log(x) + (- 60A b - 300B a b )x + (- 150A a b - 300B a b )x
--R
--R
--R
                          3 2 3
                                          3 2
--R
       (- 200A a b - 200B a b )x + (- 150A a b - 75B a b)x
--R
--R
--R
       (- 60A a b - 12B a )x - 10A a
--R /
--R
--R
       60x
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 278
--S 279 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
           6
      A b
--R
--R (4) ----
```

```
--R
        6a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 279
--S 280 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 280
)clear all
--S 281 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^8
--R
--R
--R (1)
         5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
--R
      B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
          23 323 32 42 4 5 5
--R
--R
      (10A \ a \ b + 10B \ a \ b )x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a )x + A \ a
--R /
--R
      8
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 281
--S 282 of 1293
\texttt{r0:=-1/7*A*(a+b*x)^6/(a*x^7)+1/42*(A*b-7*a*B)*(a+b*x)^6/(a^2*x^6)}
--R
--R
--R
     (2)
         1 7 1 6 7 2 5 6 1 2 5 5 3 4 5
--R
        (-- A b - - B a b )x - B a b x + (- - A a b - - B a b )x
--R
--R
               6
        42
--R
         5 34 10 434
--R
                                5 43 5 52 3
      (--Aab ---Bab)x + (--Aab --Bab)x
--R
--R
--R
--R
            5 2 6 2 5 6 1 7 1 7
--R
       (- 2A a b - B a b)x + (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
                              6
--R /
--R
       2 7
--R
      аx
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
```

```
--E 282
--S 283 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
                   5 4 5
--R
--R
      - 42B b x + (- 21A b - 105B a b )x + (- 70A a b - 140B a b )x
--R
              23 323 32 42
--R
--R
      (- 105A a b - 105B a b )x + (- 84A a b - 42B a b)x
--R
            4 5 5
--R
--R
       (- 35A a b - 7B a )x - 6A a
--R /
--R
--R
      42x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 283
--S 284 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
           7 6
--R
     - A b + 7B a b
--R
--R
    (4) -----
             2
--R
--R
             42a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 284
--S 285 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 285
)clear all
--S 286 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^9
--R
--R
--R (1)
         5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
      B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
```

```
--R
     23 323 32 42 45 5
--R
--R
     (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a
--R /
--R
     9
--R
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 286
--S 287 of 1293
 \texttt{r0:=-1/8*A*(a+b*x)^6/(a*x^8)+1/28*(A*b-4*a*B)*(a+b*x)^6/(a^2*x^7)-\_ } \\
   1/168*b*(A*b-4*a*B)*(a+b*x)^6/(a^3*x^6)
--R
--R
--R
    (2)
--R
         1 8 1 7 8 1 3 5 6 1 3 5 5 4 4 5
--R
       (- --- A b + -- B a b)x -- B a b x + (- - A a b -- B a b)x
--R
        168 42
--R
        5 44 5 53 4 53
--R
       (--Aab --Bab)x + (-2Aab -2Bab)x
--R
--R
                 2
       4
--R
--R
        5 6 2 5 7 2 5 7 1 8 1 8
       (--Aab --Bab)x + (--Aab --Ba)x -- Aa
--R
                 6
--R
--R /
--R
      3 8
--R
      аx
--R.
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 287
--S 288 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
           5 6 5 4 5
--R
       - 84B b x + (- 56A b - 280B a b )x + (- 210A a b - 420B a b )x
--R
--R
--R
              2 3
                    3 2 3
                                3 2
      (- 336A a b - 336B a b )x + (- 280A a b - 140B a b)x
--R
--R
--R.
             4
                  5
      (- 120A a b - 24B a )x - 21A a
--R
--R /
--R
--R
      168x
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 288
```

```
--S 289 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
         8 7
--R
--R
       Ab-4Bab
--R (4) -----
         3
--R
--R
           168a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 289
--S 290 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 290
)clear all
--S 291 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^10
--R
--R
--R
    (1)
--R
         56 5 45
                                 4 234
--R
      B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
          23 323 32 42 4 5 5
--R
--R
      (10A \ a \ b + 10B \ a \ b) x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b) x + (5A \ a \ b + B \ a) x + A \ a
--R /
--R
      10
--R
      х
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 291
--S 292 of 1293
r0:=-1/9*a^5*A/x^9-1/8*a^4*(5*A*b+a*B)/x^8-5/7*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^7-_
    5/3*a^2*b^2*(A*b+a*B)/x^6-a*b^3*(A*b+2*a*B)/x^5-_
    1/4*b^4*(A*b+5*a*B)/x^4-1/3*b^5*B/x^3
--R.
--R
--R
    (2)
--R
        1 5 6 1 5 5 4 5 4 2 3 4
--R
        --Bbx + (--Ab --Bab)x + (-Aab - 2Bab)x
--R
                     4
         3
--R
```

```
5 2 3 5 3 2 3 10 3 2 5 4 2
--R
--R
       (--Aab --Bab)x + (---Aab --Bab)x
       3 3
--R
--R
--R
        5 4 1 5 1 5
      (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
        8 8 9
--R
--R /
--R
      9
--R
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 292
--S 293 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
     - 168B b x + (- 126A b - 630B a b )x + (- 504A a b - 1008B a b )x
--R
--R
              23 323 42
--R
     (-840A a b -840B a b )x + (-720A a b -360B a b)x
--R
--R
        4 5 5
--R
--R
      (- 315A a b - 63B a )x - 56A a
--R /
--R
--R
     504x
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 293
--S 294 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 294
--S 295 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 295
)clear all
```

```
--S 296 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^11
--R
--R
--R (1)
              5 4 5
--R
         5 6
                                        234
--R
      Bbx + (Ab + 5Bab)x + (5Aab + 10Bab)x
--R
         23 323 32 42 4 5
--R
--R
      (10A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
      11
--R
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 296
--S 297 of 1293
10/7*a^2*b^2*(A*b+a*B)/x^7-5/6*a*b^3*(A*b+2*a*B)/x^6-_
   1/5*b^4*(A*b+5*a*B)/x^5-1/4*b^5*B/x^4
--R
--R
--R
    (2)
--R
        1 5 6 1 5 4 5 5 4 5 2 3 4
       --Bbx + (--Ab -Bab)x + (--Aab --Bab)x
--R
--R
             5
                                     6
--R
--R
         10 2 3 10 3 2 3 5 3 2 5 4 2
--R
       (- -- A a b - -- B a b )x + (- - A a b - - B a b)x
--R
         7 7
--R
--R
         5 4 1 5
                        1 5
--R
       (- - A a b - - B a )x - -- A a
--R
            9
--R /
--R
      10
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 297
--S 298 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
             5 6
                       5
                            4 5
                                                       234
       -630B b x + (-504A b - 2520B a b) x + (-2100A a b - 4200B a b) x
--R
--R
               2 3 3 2 3 3 2 4 2
--R
       (-3600A \ a \ b \ -3600B \ a \ b \ )x + (-3150A \ a \ b \ -1575B \ a \ b)x
--R
```

```
--R
                        5
--R
--R
         (-1400A a b - 280B a)x - 252A a
--R /
--R
            10
--R
       2520x
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 298
--S 299 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 299
--S 300 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 300
)clear all
--S 301 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^12
--R
--R
--R
    (1)
--R
                    5
--R
        B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
            23 323 32 42 4
--R
       (10A \ a \ b + 10B \ a \ b )x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a )x + A \ a
--R
--R /
--R
        12
--R
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 301
--S 302 of 1293
\texttt{r0:=-1/11*a^5*A/x^11-1/10*a^4*(5*A*b+a*B)/x^10-5/9*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^9-\_}
    5/4*a^2*b^2*(A*b+a*B)/x^8-5/7*a*b^3*(A*b+2*a*B)/x^7-_
     1/6*b^4*(A*b+5*a*B)/x^6-1/5*b^5*B/x^5
--R
--R
--R
    (2)
```

```
1 5 6 1 5 5 4 5 5 4 10 2 3 4
--R
--R
       --Bbx + (--Ab - -Bab)x + (--Aab - ---Bab)x
--R
        5 6 6
--R
      5 2 3 5 3 2 3 10 3 2 5 4 2
--R
      (--Aab --Bab)x + (---Aab --Bab)x
--R
--R
--R
        1 4 1 5
--R
      (- - A a b - -- B a )x - -- A a
--R
--R
        2 10 11
--R /
--R
      11
--R
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 302
--S 303 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
        5 6 5 4 5
--R
--R
     - 2772B b x + (- 2310A b - 11550B a b )x
--R
           4 234 23 323
--R
     (- 9900A a b - 19800B a b )x + (- 17325A a b - 17325B a b )x
--R
--R
                                    4 5
              3 2 4 2
--R
--R
      (- 15400A a b - 7700B a b)x + (- 6930A a b - 1386B a )x - 1260A a
--R /
--R
         11
--R
     13860x
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 303
--S 304 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 304
--S 305 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
```

```
--E 305
)clear all
--S 306 of 1293
t0:=x^m*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
     (1)
--R
                     10
--R
                                 9 10
                                                 9
                                                           289
            10 11
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
                        3 7 8
--R
                                        3 7
--R
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
               4 6
                         5 5 6
                                         5 5
                                                 645
--R
         (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                6 4
                          734
                                         7 3
                                                   8 2 3
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
--R
               8 2
                      9 2 9 10 10
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R *
--R
--R
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 306
--S 307 of 1293
r0:=a^10*A*x^(1+m)/(1+m)+a^9*(10*A*b+a*B)*x^(2+m)/(2+m)+_
    5*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)*x^(3+m)/(3+m)+_
    15*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*x^(4+m)/(4+m)+_
    30*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x^(5+m)/(5+m)+_
    42*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^(6+m)/(6+m)+_
    42*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^(7+m)/(7+m)+_
    30*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^(8+m)/(8+m)+_
    15*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^(9+m)/(9+m)+_
    5*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^(10+m)/(10+m)+_
    b^9*(A*b+10*a*B)*x^(11+m)/(11+m)+b^10*B*x^(12+m)/(12+m)
--R
--R
--R.
     (2)
--R
               10 11 10 10
                                         10 9
                                                       10 8
                                                                       10 7
--R
             B b m + 66B b m + 1925B b m + 32670B b m + 357423B b m
--R
--R
                      10 6
                                      10 5
                                                       10 4
--R
             2637558B b m + 13339535B b m + 45995730B b m + 105258076B b m
--R
--R
                        10 2
                                         10
                                                           10
```

```
--R
          150917976B b m + 120543840B b m + 39916800B b
--R
--R
         m + 12
--R
         x
--R
             10 9 11 10 9 10
--R
          (A b + 10B a b)m + (67A b + 670B a b)m
--R
                10 9 9 10
--R
          (1980A b + 19800B a b )m + (33990A b + 339900B a b )m
--R
--R
                               9 7
--R
                 10
          (375573A b + 3755730B a b )m + (2795331A b + 27953310B a b )m
--R
--R
--R
                 10
--R
          (14241590A b + 142415900B a b )m
--R
--R
                10
--R
           (49412660A b + 494126600B a b )m
--R
          (113667576A b + 1136675760B a b )m
--R
--R
--R
                 10
                                    9 2
          (163671552A b + 1636715520B a b )m
--R
--R
--R
--R
         (131172480A b + 1311724800B a b) m + 43545600A b + 435456000B a b
--R
--R
         m + 11
--R
--R
                9 28 11
--R
          (10A a b + 45B a b )m + (680A a b + 3060B a b )m
                  9 289 9 288
--R
          (20370A a b + 91665B a b )m + (354000A a b + 1593000B a b )m
--R
--R
--R
                    9
                                287
--R
          (3954630A a b + 17795835B a b )m
--R
--R
                                 286
--R.
          (29720040A a b + 133740180B a b )m
--R
--R
                     9
           (152701910A \ a \ b + 687158595B \ a \ b )m
--R
--R
--R
          (533682400A a b + 2401570800B a b )m
--R
--R
```

```
--R
--R
            (1235244360A \ a \ b + 5558599620B \ a \ b \ )m
--R
--R
                        9
--R
           (1787705280A a b + 8044673760B a b )m
--R
                                        2 8
--R
                        9
--R
           (1438542720A \ a \ b + 6473442240B \ a \ b \ )m + 479001600A \ a \ b
--R
--R
--R
           2155507200B a b
--R
--R
          m + 10
--R
          X
--R
--R
                28 37 11 28 37 10
--R
           (45A a b + 120B a b )m + (3105A a b + 8280B a b )m
--R
--R
                  28 379
                                           2 8
           (94320A a b + 251520B a b )m + (1660770A a b + 4428720B a b )m
--R
--R
--R
                 2 8
            (18778905A \ a \ b + 50077080B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                              3 7 6
                      2 8
--R
           (142688385A a b + 380502360B a b )m
--R
--R
                      2 8
                              3 7 5
--R
           (740364930A a b + 1974306480B a b )m
--R
--R
                       2 8
            (2609872380A \ a \ b + 6959659680B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                       2 8
                                        3 7 3
--R
           (6085456200A a b + 16227883200B a b )m
--R
--R
                       2 8
                                         3 7 2
--R
            (8861564160A \ a \ b + 23630837760B \ a \ b )m
--R
--R
                       2 8
                                        3 7
--R
           (7166102400A \ a \ b + 19109606400B \ a \ b \ )m + 2395008000A \ a \ b
--R
--R.
                      3 7
--R
           6386688000B a b
--R
--R
          m + 9
--R
          х
--R
                 3 7 4 6 11 3 7 4 6 10
--R
            (120A a b + 210B a b )m + (8400A a b + 14700B a b )m
--R
```

```
--R
             3 7 4 6 9 3 7
                                                     4 6 8
--R
--R
           (258840A a b + 452970B a b )m + (4621680A a b + 8087940B a b )m
--R
                         4 6 7
--R
                 3 7
          (52962120A a b + 92683710B a b )m
--R
--R
--R
                     3 7
           (407499120A a b + 713123460B a b )m
--R
--R
--R
                      3 7
                                      465
           (2138834760A a b + 3742960830B a b )m
--R
--R
--R
                      3 7
--R
           (7617739920A a b + 13331044860B a b )m
--R
--R
                      3 7
                                       463
--R
           (17922900960A a b + 31365076680B a b )m
--R
--R
                      3 7
--R
            (26298578880A \ a \ b + 46022513040B \ a \ b \ )m
--R
--R
                       3 7
                                        4 6
--R
           (21398515200A \ a \ b + 37447401600B \ a \ b \ )m + 7185024000A \ a \ b
--R
--R
                      4 6
--R
          12573792000B a b
--R
--R
          m + 8
--R
          x
--R
                4 6 5 5 11 4 6 5 5 10
--R
--R
           (210A a b + 252B a b )m + (14910A a b + 17892B a b )m
--R
                  46 559
--R
                                                4 6
           (466200A a b + 559440B a b )m + (8448300A a b + 10137960B a b )m
--R
--R
--R
                                   5 5 7
                    4 6
           (98249130A a b + 117898956B a b )m
--R
--R
--R
                     4 6
                                    5 5 6
           (766849230A a b + 920219076B a b )m
--R
--R
                                      5 5 5
--R
                      4 6
--R
           (4080003900A \ a \ b + 4896004680B \ a \ b )m
--R
--R
                      4 6
--R
           (14714704200A a b + 17657645040B a b )m
--R
--R
                        4 6
                                        5 5 3
```

```
--R
           (35010506160A \ a \ b + 42012607392B \ a \ b \ )m
--R
--R
                         4 6
                                         5 5 2
--R
            (51869583360A a b + 62243500032B a b )m
--R
--R
                        4 6
                                          5 5
--R
            (42540422400A \ a \ b + 51048506880B \ a \ b )m + 14370048000A \ a \ b
--R
                       5 5
--R
--R
           17244057600B a b
--R
--R
          m + 7
--R
          x
--R
--R
                 5 5 6 4 11 5 5
                                                    6 4 10
--R
           (252A a b + 210B a b )m + (18144A a b + 15120B a b )m
--R
--R
                   5 5
                           6 4 9
                                                   5 5
            (575820A \ a \ b + 479850B \ a \ b )m + (10599120A \ a \ b + 8832600B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                      5 5
                                6 4 7
           (125269956A a b + 104391630B a b )m
--R
--R
--R
                             6 4 6
                      5 5
--R
            (993892032A \ a \ b + 828243360B \ a \ b )m
--R
--R
                       5 5
--R
           (5374186020A a b + 4478488350B a b )m
--R
--R
                        5 5
                                         6 4 4
--R
           (19684561680A a b + 16403801400B a b )m
--R
--R
                        5 5
--R
           (47508752592A a b + 39590627160B a b )m
--R
--R
                        5 5
                                          6 4 2
--R
           (71279236224A a b + 59399363520B a b )m
--R
--R
                        5 5
                                          6 4
--R
           (59077589760A \ a \ b + 49231324800B \ a \ b \ )m + 20118067200A \ a \ b
--R
--R
                       6 4
--R
           16765056000B a b
--R
--R
          m + 6
--R
--R
                 6 4 7 3 11 6 4 7 3 10
--R
           (210A a b + 120B a b )m + (15330A a b + 8760B a b )m
--R
--R
```

```
7 3 9 6 4 7 3 8
--R
                   6 4
--R
            (493920A \ a \ b + 282240B \ a \ b ) m + (9242100A \ a \ b + 5281200B \ a \ b ) m
--R
--R
                      6 4
                                   737
           (111176730A a b + 63529560B a b )m
--R
--R
                               7 3 6
--R
                      6 4
--R
           (898709490A a b + 513548280B a b )m
--R
--R
                       6 4
                                        735
           (4954401060A a b + 2831086320B a b )m
--R
--R
                                          734
--R
                        6 4
           (18502726200A a b + 10572986400B a b )m
--R
--R
--R
                        6 4
                                          7 3 3
--R
            (45499804560A \ a \ b + 25999888320B \ a \ b )m
--R
                                          732
--R
                        6 4
            (69444103680A \ a \ b + 39682344960B \ a \ b )m
--R
--R
                                          7 3
--R
                       6 4
            (58406987520A \ a \ b + 33375421440B \ a \ b )m + 20118067200A \ a \ b
--R
--R
                       7 3
--R
            11496038400B a b
--R
--R
--R
          m + 5
--R
          x
--R
                  7 3 8 2 11 7 3 8 2 10
--R
--R
           (120A a b + 45B a b )m + (8880A a b + 3330B a b )m
--R
                   7 3 8 2 9
                                                   7 3 8 2 8
--R
--R
           (290520A \ a \ b + 108945B \ a \ b \ )m + (5530320A \ a \ b + 2073870B \ a \ b \ )m
--R
--R
                     7 3
                                    827
--R
           (67814280A a b + 25430355B a b )m
--R
--R
                      7 3
                                      8 2 6
            (559938960A a b + 209977110B a b )m
--R
--R
                       7 3
--R.
                                        8 2 5
--R
            (3159071880A \ a \ b + 1184651955B \ a \ b \ )m
--R
--R
                        7 3
                                          8 2 4
--R
           (12092130480A \ a \ b + 4534548930B \ a \ b \ )m
--R
                        7 3
--R
                                          8 2 3
--R
            (30496298400A \ a \ b + 11436111900B \ a \ b )m
```

```
--R
                             8 2 2
--R
                     7 3
--R
          (47696592960A a b + 17886222360B a b )m
--R
                             8 2
--R
                     7 3
                                                       7 3
          (41000774400A a b + 15375290400B a b )m + 14370048000A a b
--R
--R
--R
          5388768000B a b
--R
--R
--R
         m + 4
--R
--R
              8 2 9 11
--R
                                8 2 9 10
--R
          (45A a b + 10B a b)m + (3375A a b + 750B a b)m
--R
--R
                 8 2 9 9
                                      8 2
--R
          (112140A a b + 24920B a b)m + (2173230A a b + 482940B a b)m
--R
--R
                  8 2
--R
          (27206145A a b + 6045810B a b)m
--R
--R
                    8 2
--R
          (230080095A a b + 51128910B a b)m
--R
--R
                     8 2
--R
          (1334320110A \ a \ b + 296515580B \ a \ b)m
--R
--R
                     8 2
--R
          (5270196420A a b + 1171154760B a b)m
--R
                             9 3
--R
                     8 2
--R
          (13763718360A a b + 3058604080B a b)m
--R
                     8 2
          (22339514880A a b + 4964336640B a b)m
--R
--R
--R
                     8 2
                                     9
          (19901635200A \ a \ b + 4422585600B \ a \ b)m + 7185024000A \ a \ b
--R
--R
--R
          1596672000B a b
--R
--R
--R
         m + 3
--R
         x
--R
              9 10 11 9 10 10
--R
--R
          (10A a b + B a )m + (760A a b + 76B a )m
--R
                9 10 9
--R
                                     9 10 8
```

```
(25650A \ a \ b + 2565B \ a \ )m + (506400A \ a \ b + 50640B \ a \ )m
--R
--R
                         10 7 9
--R
                                                      10 6
--R
           (6481830A \ a \ b + 648183B \ a \ )m + (56302680A \ a \ b + 5630268B \ a \ )m
--R
--R
                     9
                                  10 5
--R
           (337296950A \ a \ b + 33729695B \ a \ )m
--R
--R
                                    10 4
           (1386107600A a b + 138610760B a )m
--R
--R
                      9
                                    10 3
--R
           (3799853160A a b + 379985316B a )m
--R
--R
                                    10 2
--R
--R
           (6540442560A a b + 654044256B a )m
--R
--R
                    9
                          10
          (6234710400 \text{A a b + } 623471040 \text{B a }) \text{m + } 2395008000 \text{A a b + } 2395008000 \text{B a}
--R
--R
--R
          m + 2
--R
          X
--R
--R
            A a m + 77A a m + 2640A a m + 53130A a m + 696333A a m
--R
--R
                         10 5
--R
--R
           6230301A a m + 38759930A a m + 167310220A a m
--R
                   10 3 10 2 10
--R
--R
          489896616A a m + 924118272A a m + 1007441280A a m + 479001600A a
--R
--R
         m + 1
--R
         x
--R /
        12 11 10 9 8 7
--R
--R
        m + 78m + 2717m + 55770m + 749463m + 6926634m + 44990231m
--R
                                 3
--R
--R
        206070150m + 657206836m + 1414014888m + 1931559552m + 1486442880m
--R
        479001600
--R
--R.
                                              Type: Expression(Integer)
--E 307
--S 308 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
10 11 10 10 10 9 10 8 10 7
--R
            B b m + 66B b m + 1925B b m + 32670B b m + 357423B b m
--R
--R
                          10 5
--R
                  10 6
                                               10 4
            2637558B b m + 13339535B b m + 45995730B b m
--R
--R
                          10 2 10
--R
                   10 3
          105258076B b m + 150917976B b m + 120543840B b m + 39916800B b
--R
--R
--R
           12
--R
          х
--R
              10 9 11 10
--R
           (A b + 10B a b)m + (67A b + 670B a b)m
--R
--R
--R
                            9 9 10
                 10
--R
            (1980A b + 19800B a b )m + (33990A b + 339900B a b )m
--R
                  10 9 7
--R
            (375573A b + 3755730B a b)m + (2795331A b + 27953310B a b)m
--R
--R
               10
--R
            (14241590A b + 142415900B a b )m
--R
--R
                10
--R
            (49412660A b + 494126600B a b )m
--R
--R
                10
--R
--R
            (113667576A b + 1136675760B a b )m
--R
--R
                     10
            (163671552A b + 1636715520B a b )m
--R
--R
--R
                                    9
--R
            (131172480A b + 1311724800B a b )m + 43545600A b
--R
--R
--R
            435456000B a b
--R
--R
--R
          x
--R
--R
                 9 2 8 11 9 2 8 10
--R
            (10A a b + 45B a b )m + (680A a b + 3060B a b )m
--R
                   9 289
--R
            (20370A \ a \ b + 91665B \ a \ b ) m + (354000A \ a \ b + 1593000B \ a \ b ) m
--R
--R
                  9 287
--R
--R
            (3954630A \ a \ b + 17795835B \ a \ b )m
```

```
--R
                               286
--R
                         9
--R
              (29720040A a b + 133740180B a b )m
--R
--R
                          9
                                        285
             (152701910A a b + 687158595B a b )m
--R
--R
--R
                        9
              (533682400A a b + 2401570800B a b )m
--R
--R
                          9
--R
                                          283
             (1235244360A a b + 5558599620B a b )m
--R
--R
--R
                           9
--R
              (1787705280A a b + 8044673760B a b )m
--R
                                           2 8
--R
                           9
              (1438542720A \ a \ b + 6473442240B \ a \ b )m + 479001600A \ a \ b
--R
--R
--R
--R
              2155507200B a b
--R
--R
             10
--R
            X
--R
                   28 37 11 28 37 10
--R
              (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) m + (3105A \ a \ b + 8280B \ a \ b ) m
--R
--R
                           3 7 9
--R
                    2 8
                                                     2 8
                                                                    3 7 8
--R
              (94320A a b + 251520B a b )m + (1660770A a b + 4428720B a b )m
--R
                       28 377
--R
--R
              (18778905A \ a \ b + 50077080B \ a \ b ) m
--R
--R
                        2 8
                                         3 7 6
              (142688385A a b + 380502360B a b )m
--R
--R
                                          3 7 5
--R
                         2 8
              (740364930A a b + 1974306480B a b )m
--R
--R
--R
                         2 8
                                           3 7 4
              (2609872380A a b + 6959659680B a b )m
--R
--R
--R
                          2 8
                                            3 7 3
              (6085456200A \ a \ b + 16227883200B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                         2 8
--R
              (8861564160A \ a \ b + 23630837760B \ a \ b ) m
--R
--R
                           2 8
                                             3 7
                                                                2 8
```

```
--R
             (7166102400A \ a \ b + 19109606400B \ a \ b )m + 2395008000A \ a \ b
--R
--R
                        3 7
--R
              6386688000B a b
--R
--R
            9
--R
            x
--R
                   3 7 4 6 11 3 7 4 6 10
--R
             (120A a b + 210B a b )m + (8400A a b + 14700B a b )m
--R
--R
                              469
                      3 7
                                                    3 7
--R
              (258840A a b + 452970B a b )m + (4621680A a b + 8087940B a b )m
--R
--R
--R
                       3 7
                                      467
--R
             (52962120A a b + 92683710B a b )m
--R
--R
                        3 7
                                        466
              (407499120A \ a \ b + 713123460B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                         3 7
             (2138834760A a b + 3742960830B a b )m
--R
--R
--R
                         3 7
                                          464
--R
             (7617739920A a b + 13331044860B a b )m
--R
--R
                         3 7
--R
             (17922900960A a b + 31365076680B a b )m
--R
--R
                          3 7
                                            462
--R
             (26298578880A a b + 46022513040B a b )m
--R
--R
                          3 7
                                            4 6
--R
              (21398515200A \ a \ b + 37447401600B \ a \ b )m + 7185024000A \ a \ b
--R
--R
                         4 6
--R
            12573792000B a b
--R
--R
             8
--R
            x
--R
                   4 6 5 5 11
                                              4 6 5 5 10
--R
--R
             (210A a b + 252B a b )m + (14910A a b + 17892B a b )m
--R
--R
                     4 6
                             5 5 9
--R
              (466200A \ a \ b + 559440B \ a \ b) m
--R
--R
                      4 6
             (8448300A a b + 10137960B a b )m
--R
--R
```

```
--R
                        4 6
--R
              (98249130A a b + 117898956B a b )m
--R
--R
                         4 6
                                          5 5 6
              (766849230A a b + 920219076B a b )m
--R
--R
--R
                          4 6
--R
             (4080003900A a b + 4896004680B a b )m
--R
--R
                           4 6
                                              5 5 4
              (14714704200A a b + 17657645040B a b )m
--R
--R
                                              5 5 3
--R
                            4 6
              (35010506160A \ a \ b + 42012607392B \ a \ b \ )m
--R
--R
--R
                            4 6
                                               5 5 2
--R
               (51869583360A \ a \ b + 62243500032B \ a \ b )m
--R
--R
                            4 6
                                               5 5
                                                                    4 6
--R
               (42540422400A \ a \ b + 51048506880B \ a \ b )m + 14370048000A \ a \ b
--R
--R
                          5 5
--R
              17244057600B a b
--R
             7
--R
--R
--R
                    5 5 6 4 11 5 5 6 4 10
--R
--R
              (252A a b + 210B a b )m + (18144A a b + 15120B a b )m
--R
                      5 5 6 4 9
--R
               (575820A \ a \ b + 479850B \ a \ b )m
--R
--R
                        5 5 6 4 8
--R
--R
              (10599120A a b + 8832600B a b )m
--R
                         5 5
                                          647
--R
--R
              (125269956A a b + 104391630B a b )m
--R
--R
                         5 5
                                           646
               (993892032A \ a \ b + 828243360B \ a \ b )m
--R
--R
--R.
                          5 5
                                            6 4 5
--R
               (5374186020A \ a \ b + 4478488350B \ a \ b )m
--R
--R
                            5 5
--R
               (19684561680A \ a \ b + 16403801400B \ a \ b ) m
--R
--R
                            5 5
--R
               (47508752592A \ a \ b + 39590627160B \ a \ b )m
```

```
--R
                                            6 4 2
--R
                     5 5
             (71279236224A a b + 59399363520B a b )m
--R
--R
                                   6 4
                         5 5
--R
                                                              5 5
--R
             (59077589760A \ a \ b + 49231324800B \ a \ b )m + 20118067200A \ a \ b
--R
--R
            16765056000B a b
--R
--R
--R
--R
            x
--R
                        7 3 11
--R
                                             6 4
--R
            (210A a b + 120B a b )m + (15330A a b + 8760B a b )m
--R
--R
                     6 4 7 3 9
                                             6 4
--R
             (493920A \ a \ b + 282240B \ a \ b \ ) m + (9242100A \ a \ b + 5281200B \ a \ b \ ) m
--R
--R
                       6 4
                                7 3 7
--R
             (111176730A a b + 63529560B a b )m
--R
--R
                        6 4
                                       7 3 6
--R
             (898709490A \ a \ b + 513548280B \ a \ b )m
--R
                        6 4
                                7 3 5
--R
--R
             (4954401060A a b + 2831086320B a b )m
--R
--R
                          6 4
                                            734
--R
             (18502726200A a b + 10572986400B a b )m
--R
--R
                         6 4
                                           7 3 3
--R
             (45499804560A \ a \ b + 25999888320B \ a \ b )m
--R
--R
                         6 4
             (69444103680A \ a \ b + 39682344960B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                         6 4
                                           7 3
             (58406987520A \ a \ b + 33375421440B \ a \ b )m + 20118067200A \ a \ b
--R
--R
--R
            11496038400B a b
--R
--R.
--R
            5
--R
            x
--R
                  7 3 8 2 11 7 3 8 2 10
--R
--R
            (120A a b + 45B a b )m + (8880A a b + 3330B a b )m
--R
                     7 3
                                  8 2 9
--R
                                            7 3 8 2 8
```

```
--R
               (290520A \ a \ b + 108945B \ a \ b ) m + (5530320A \ a \ b + 2073870B \ a \ b ) m
--R
--R
                          7 3
                                8 2 7
--R
               (67814280A \ a \ b + 25430355B \ a \ b )m
--R
                           7 3
--R
                                            8 2 6
--R
               (559938960A \ a \ b + 209977110B \ a \ b )m
--R
                           7 3
--R
               (3159071880A a b + 1184651955B a b )m
--R
--R
                             7 3
                                                8 2 4
--R
               (12092130480A \ a \ b + 4534548930B \ a \ b )m
--R
--R
                             7 3
--R
                                                8 2 3
--R
               (30496298400A a b + 11436111900B a b )m
--R
--R
                              7 3
                                                  8 2 2
--R
               (47696592960A \ a \ b + 17886222360B \ a \ b )m
--R
--R
                             7 3
                                                 8 2
               (41000774400A \ a \ b + 15375290400B \ a \ b )m + 14370048000A \ a \ b
--R
--R
--R
                           8 2
               5388768000B a b
--R
--R
--R
--R
             х
--R
                    8 2 9 11 8 2 9 10
--R
--R
               (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)m + (3375A \ a \ b + 750B \ a \ b)m
--R
                                9 9
--R
                        8 2
                                                         8 2
--R
               (112140A \ a \ b + 24920B \ a \ b)m + (2173230A \ a \ b + 482940B \ a \ b)m
--R
--R
                          8 2
--R
               (27206145A a b + 6045810B a b)m
--R
--R
                           8 2
--R
               (230080095A \ a \ b + 51128910B \ a \ b)m
--R
                           8 2
--R
--R
               (1334320110A \ a \ b + 296515580B \ a \ b)m
--R
--R
                             8 2
                                               9 4
--R
               (5270196420A \ a \ b + 1171154760B \ a \ b)m
--R
                             8 2
--R
               (13763718360A \ a \ b + 3058604080B \ a \ b)m
--R
--R
```

```
--R
                          8 2
              (22339514880A a b + 4964336640B a b)m
--R
--R
--R
                           8 2
                                            9
              (19901635200A \ a \ b + 4422585600B \ a \ b)m + 7185024000A \ a \ b
--R
--R
--R
            1596672000B a b
--R
--R
--R
--R
            X
--R
                                    9
                  9 10 11
                                                10 10
--R
             (10A a b + B a )m + (760A a b + 76B a )m
--R
--R
--R
                          10 9
                                               9
--R
              (25650A \ a \ b + 2565B \ a \ )m + (506400A \ a \ b + 50640B \ a \ )m
--R
                      9 10 7
                                                     9
--R
              (6481830A \ a \ b + 648183B \ a \ )m + (56302680A \ a \ b + 5630268B \ a \ )m
--R
--R
--R
--R
              (337296950A \ a \ b + 33729695B \ a \ )m
--R
                                10 4
                         9
--R
              (1386107600A a b + 138610760B a )m
--R
--R
--R
                          9
--R
              (3799853160A a b + 379985316B a )m
--R
--R
                         9
--R
              (6540442560A \ a \ b + 654044256B \ a \ )m
--R
--R
                                        10
--R
              (6234710400A \ a \ b + 623471040B \ a \ )m + 2395008000A \ a \ b
--R
--R
--R
              239500800B a
--R
--R
--R
            х
--R
--R
               10 11 10 10 10 9 10 8 10 7
--R
              A a m +77A a m +2640A a m +53130A a m +696333A a m
--R
--R
                      10 6
                                      10 5
--R
              6230301A a m + 38759930A a m + 167310220A a m
--R
                       10 3 10 2
--R
--R
              489896616A a m + 924118272A a m + 1007441280A a m
```

```
--R
--R
--R
           479001600A a
--R
--R
--R
--R
       m log(x)
--R
--R /
             11 10
--R
                             9
--R
       m + 78m + 2717m + 55770m + 749463m + 6926634m + 44990231m
--R
                              3
--R
       206070150m + 657206836m + 1414014888m + 1931559552m + 1486442880m
--R
--R
--R
       479001600
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 308
--S 309 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
              10 11 10 10 10 9 10 8
--R
             B b m + 66B b m + 1925B b m + 32670B b m
--R
--R
               10 7 10 6
--R
--R
              357423B b m + 2637558B b m + 13339535B b m
--R.
                             10 3
--R
                     10 4
--R
              45995730B b m + 105258076B b m + 150917976B b m
--R
--R
             120543840B b m + 39916800B b
--R
--R
             12
--R
            x
--R
--R
                10 9 11 10
              (A b + 10B a b)m + (67A b + 670B a b)m
--R
--R
                  10 9 9 10
--R.
              (1980A b + 19800B a b)m + (33990A b + 339900B a b)m
--R
--R
--R
                    10
              (375573A b + 3755730B a b)m
--R
--R
                   10 9 6
--R
              (2795331A b + 27953310B a b)m
--R
```

```
--R
--R
                         10
--R
                (14241590A b + 142415900B a b )m
--R
--R
                          10
                (49412660A b + 494126600B a b )m
--R
                          10
                 (113667576A b + 1136675760B a b )m
--R
--R.
--R
                         10
                (163671552A b + 1636715520B a b )m
--R
--R
--R
                          10
                                             9
--R
                (131172480A b + 1311724800B a b )m + 43545600A b
--R
--R
--R
                435456000B a b
--R
--R
               11
--R
              x
--R
                      9 28 11
--R
--R
                (10A a b + 45B a b )m + (680A a b + 3060B a b )m
--R
                         9 289 9 288
--R
--R
                (20370A \ a \ b + 91665B \ a \ b )m + (354000A \ a \ b + 1593000B \ a \ b )m
--R
--R
                           9
                                   287
--R.
                (3954630A \ a \ b + 17795835B \ a \ b )m
--R
                                   2 8 6
--R
                           9
--R
                (29720040A \ a \ b + 133740180B \ a \ b ) m
--R
                            9
                (152701910A \ a \ b + 687158595B \ a \ b )m
--R.
--R
                                             284
--R
                             9
                (533682400A \ a \ b + 2401570800B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                              9
                (1235244360A \ a \ b + 5558599620B \ a \ b )m
--R
--R.
                                               2 8 2
--R
                              9
                (1787705280A \ a \ b + 8044673760B \ a \ b )m
--R
--R
                          9 2 8
--R
--R
                (1438542720A \ a \ b + 6473442240B \ a \ b )m + 479001600A \ a \ b
--R
--R
                            2 8
```

```
--R
                2155507200B a b
--R
--R
                10
--R
               X
--R
                      28 37 11 28 37 10
--R
--R
                (45A \ a \ b + 120B \ a \ b \ ) m + (3105A \ a \ b + 8280B \ a \ b \ ) m
--R
                        28 379
--R
                 (94320A a b + 251520B a b )m
--R
--R
                          2 8
                                        3 7 8
--R
                 (1660770A \ a \ b + 4428720B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                          2 8
                                           3 7 7
--R
                 (18778905A \ a \ b + 50077080B \ a \ b )m
--R
--R
                            2 8
                                             3 7 6
--R
                 (142688385A \ a \ b + 380502360B \ a \ b )m
--R
--R
                            2 8
                                              3 7 5
                 (740364930A \ a \ b + 1974306480B \ a \ b ) m
--R
--R
--R
                            2 8
                                      3 7 4
--R
                 (2609872380A \ a \ b + 6959659680B \ a \ b )m
--R
--R
                             2 8
--R
                 (6085456200A \ a \ b + 16227883200B \ a \ b )m
--R
--R
                             2 8
                                                 3 7 2
--R
                 (8861564160A \ a \ b + 23630837760B \ a \ b )m
--R
--R
                             2 8
                                                3 7
--R
                 (7166102400A \ a \ b + 19109606400B \ a \ b )m + 2395008000A \ a \ b
--R
--R
                             3 7
--R
                 6386688000B a b
--R
--R
--R
--R
                       3 7 4 6 11
--R
                                                   3 7
                                                                4 6 10
--R
                (120A a b + 210B a b )m + (8400A a b + 14700B a b )m
--R
--R
                         3 7
                                 4 6 9
--R
                 (258840A \ a \ b + 452970B \ a \ b )m
--R
                          3 7
--R
                                        468
                (4621680A a b + 8087940B a b )m
--R
--R
```

```
--R
                             3 7
                                  467
--R
                 (52962120A a b + 92683710B a b )m
--R
--R
                              3 7
                                              4 6 6
                 (407499120A \ a \ b + 713123460B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                              3 7
                 (2138834760A \ a \ b + 3742960830B \ a \ b ) m
--R
--R
                              3 7
                                                  464
--R
                 (7617739920A \ a \ b + 13331044860B \ a \ b ) m
--R
--R
                               3 7
                                                   463
--R
                  (17922900960A \ a \ b + 31365076680B \ a \ b ) m
--R
--R
--R
                               3 7
                                                   462
--R
                  (26298578880A \ a \ b + 46022513040B \ a \ b )m
--R
--R
                               3 7
                                                   4 6
--R
                  (21398515200A \ a \ b + 37447401600B \ a \ b )m + 7185024000A \ a \ b
--R
--R
                              4 6
--R
                 12573792000B a b
--R
--R
                8
--R
--R
                       4 6 5 5 11 4 6 5 5 10
--R
--R
                 (210A a b + 252B a b )m + (14910A a b + 17892B a b )m
--R
                          4 6 5 5 9
--R
                 (466200A \ a \ b + 559440B \ a \ b )m
--R
--R
                           4 6
--R
                  (8448300A \ a \ b + 10137960B \ a \ b ) m
--R.
                                              5 5 7
--R
                           4 6
--R
                  (98249130A \ a \ b + 117898956B \ a \ b )m
--R
--R
                            4 6
                                               5 5 6
                  (766849230A \ a \ b + 920219076B \ a \ b )m
--R
--R
--R.
                              4 6
                                                5 5 5
--R
                  (4080003900A \ a \ b + 4896004680B \ a \ b )m
--R
--R
                                4 6
                                                   554
--R
                  (14714704200A \ a \ b + 17657645040B \ a \ b ) m
--R
--R
                               4 6
                                                   5 5 3
--R
                  (35010506160A \ a \ b + 42012607392B \ a \ b )m
```

```
--R
                                      5 5 2
--R
                            4 6
--R
               (51869583360A a b + 62243500032B a b )m
--R
--R
                            4 6
                                               5 5
                                                                    4 6
                (42540422400A \ a \ b + 51048506880B \ a \ b )m + 14370048000A \ a \ b
--R
--R
--R
               17244057600B a b
--R
--R
--R
--R
--R
                     5 5 6 4 11 5 5
--R
--R
               (252A a b + 210B a b )m + (18144A a b + 15120B a b )m
--R
--R
                       5 5 6 4 9
--R
               (575820A a b + 479850B a b )m
--R
--R
                         5 5
                                 6 4 8
--R
                (10599120A \ a \ b + 8832600B \ a \ b )m
--R
--R
                          5 5
                                           647
--R
                (125269956A \ a \ b + 104391630B \ a \ b )m
--R
                                6 4 6
                          5 5
--R
--R
                (993892032A \ a \ b + 828243360B \ a \ b )m
--R
--R
                            5 5
                                            645
--R
                (5374186020A \ a \ b + 4478488350B \ a \ b )m
--R
--R
                            5 5
                                              644
--R
                (19684561680A \ a \ b + 16403801400B \ a \ b )m
--R
--R
                            5 5
                (47508752592A \ a \ b + 39590627160B \ a \ b )m
--R
--R
                                               6 4 2
--R
                            5 5
                (71279236224A \ a \ b + 59399363520B \ a \ b ) m
--R
--R
--R
                            5 5
                                               6 4
--R
                (59077589760A \ a \ b + 49231324800B \ a \ b )m + 20118067200A \ a \ b
--R.
--R
                             6 4
--R
               16765056000B a b
--R
--R
--R
             X
--R
                      6 4 7 3 11 6 4 7 3 10
--R
```

```
(210A a b + 120B a b )m + (15330A a b + 8760B a b )m
--R
--R
--R
                         6 4 7 3 9
--R
                 (493920A \ a \ b + 282240B \ a \ b )m
--R
                                  7 3 8
--R
                          6 4
--R
                 (9242100A \ a \ b + 5281200B \ a \ b )m
--R
                           6 4
                                      7 3 7
--R
                 (111176730A \ a \ b + 63529560B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                           6 4
                                             7 3 6
                 (898709490A \ a \ b + 513548280B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                                              735
                            6 4
--R
                 (4954401060A \ a \ b + 2831086320B \ a \ b )m
--R
--R
                             6 4
                                                 734
                 (18502726200A \ a \ b + 10572986400B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                              6 4
                 (45499804560A \ a \ b + 25999888320B \ a \ b ) m
--R
--R
--R
                             6 4
                                                 732
--R
                 (69444103680A \ a \ b + 39682344960B \ a \ b ) m
--R
--R
                              6 4
--R
                 (58406987520A \ a \ b + 33375421440B \ a \ b )m + 20118067200A \ a \ b
--R
--R
                             7 3
--R
                11496038400B a b
--R
--R
                5
--R
               х
--R
                      7 3 8 2 11 7 3 8 2 10
--R
--R
                (120A a b + 45B a b )m + (8880A a b + 3330B a b )m
--R
--R
                         7 3
                                      829
--R
                 (290520A \ a \ b + 108945B \ a \ b )m
--R
                          7 3
--R
                                  8 2 8
                 (5530320A \ a \ b + 2073870B \ a \ b )m
--R.
--R
--R
                           7 3
                                           827
                 (67814280A \ a \ b + 25430355B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                            7 3
                (559938960A a b + 209977110B a b )m
--R
--R
```

```
--R
                               7 3
                  (3159071880A \ a \ b + 1184651955B \ a \ b \ )m
--R
--R
--R
                                7 3
                  (12092130480A \ a \ b + 4534548930B \ a \ b ) m
--R
--R
                                7 3
                  (30496298400A \ a \ b + 11436111900B \ a \ b )m
--R
                                7 3
--R.
                  (47696592960A \ a \ b + 17886222360B \ a \ b )m
--R
--R
                                7 3
                                                     8 2
--R
--R
                  (41000774400A \ a \ b + 15375290400B \ a \ b )m + 14370048000A \ a \ b
--R
--R
--R
                  5388768000B a b
--R
--R
--R
--R
                      8 2 9 11 8 2 9 10
--R
--R
                  (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)m + (3375A \ a \ b + 750B \ a \ b)m
--R
                       8 2 9 9
                                                    8 2
--R
                 (112140A \ a \ b + 24920B \ a \ b)m + (2173230A \ a \ b + 482940B \ a \ b)m
--R
--R
--R
                            8 2 9 7
--R
                  (27206145A \ a \ b + 6045810B \ a \ b)m
--R
--R
                               8 2
--R
                  (230080095A \ a \ b + 51128910B \ a \ b)m
--R
                              8 2
                  (1334320110A \ a \ b + 296515580B \ a \ b)m
--R.
--R
                               8 2
--R
                  (5270196420A \ a \ b + 1171154760B \ a \ b)m
--R
--R
                                8 2
                  (13763718360A \ a \ b + 3058604080B \ a \ b)m
--R
--R
--R.
                                8 2
--R
                  (22339514880A \ a \ b + 4964336640B \ a \ b)m
--R
--R
                                8 2
--R
                  (19901635200A \ a \ b + 4422585600B \ a \ b)m + 7185024000A \ a \ b
--R
--R
--R
                  1596672000B a b
```

```
--R
--R
--R
             X
--R
                    9 10 11 9 10 10
--R
                (10A a b + B a) m + (760A a b + 76B a) m
--R
--R
                            10 9
--R
                (25650A \ a \ b + 2565B \ a \ )m + (506400A \ a \ b + 50640B \ a \ )m
--R
--R
                        9 10 7
                                              9
--R
                (6481830A \ a \ b + 648183B \ a \ )m + (56302680A \ a \ b + 5630268B \ a \ )m
--R
--R
--R
                          9
                                        10 5
--R
                (337296950A \ a \ b + 33729695B \ a \ )m
--R
--R
                          9
                                          10 4
--R
                (1386107600A a b + 138610760B a )m
--R
--R
                          9
--R
                (3799853160A a b + 379985316B a )m
--R
--R
--R
                (6540442560A \ a \ b + 654044256B \ a \ )m
--R
                                 10
--R
                       9
--R
                (6234710400A \ a \ b + 623471040B \ a \ )m + 2395008000A \ a \ b
--R
--R
--R
                239500800B a
--R
--R
               2
--R
--R
                 10 11 10 10 10 9 10 8
--R
               A a m + 77A a m + 2640A a m + 53130A a m
--R
--R
                      10 7 10 6
--R
                696333A a m + 6230301A a m + 38759930A a m
--R
--R
--R
                         10 4
                                  10 3
                167310220 \text{A} a m + 489896616 \text{A} a m + 924118272 \text{A} a m
--R
--R
--R
                          10
                                          10
--R
               1007441280A a m + 479001600A a
--R
--R
--R
--R
            m log(x)
--R
          %e
```

```
--R
           10 11 10 10 10 9 10 8 10 7
--R
--R
          - B b m - 66B b m - 1925B b m - 32670B b m - 357423B b m
--R
                 10 6 10 5 10 4
--R
--R
         - 2637558B b m - 13339535B b m - 45995730B b m
--R
--R
                  10 3
                                10 2
        - 105258076B b m - 150917976B b m - 120543840B b m - 39916800B b
--R
--R
--R
        m + 12
--R
        X
--R
             10 9 11 10 9 10
--R
--R
         (- A b - 10B a b )m + (- 67A b - 670B a b )m
--R
--R
                      9 9
                                   10 9 8
         (- 1980A b - 19800B a b )m + (- 33990A b - 339900B a b )m
--R
--R
--R
--R
         (- 375573A b - 3755730B a b )m
--R
--R
         (- 2795331A b - 27953310B a b )m
--R
--R
              10
--R
--R
         (- 14241590A b - 142415900B a b )m
        + 10
--R
--R
         (- 49412660A b - 494126600B a b )m
--R
--R
                10
--R
         (- 113667576A b - 1136675760B a b )m
--R
--R
--R
                  10
         (- 163671552A b - 1636715520B a b )m
--R
--R
--R
                  10
         (- 131172480A b - 1311724800B a b )m - 43545600A b
--R
--R
--R
         - 435456000B a b
--R
--R.
--R.
        m + 11
--R
        X
--R
                9 2 8 11 9 2 8 10
--R
         (-10A a b -45B a b )m + (-680A a b -3060B a b )m
--R
--R
                       289
--R
                   9
                                      9
                                                        288
```

```
--R
          (- 20370A a b - 91665B a b )m + (- 354000A a b - 1593000B a b )m
--R
--R
                      9
                            287
--R
          (- 3954630A a b - 17795835B a b )m
              390s.
9
--R
--R
                                    286
          (- 29720040A a b - 133740180B a b )m
--R
--R
                     9
                                     285
--R
          (- 152701910A a b - 687158595B a b )m
--R
--R
                      9
                                      284
--R
          (- 533682400A a b - 2401570800B a b )m
--R
--R
                     9
--R
                                      283
--R
          (- 1235244360A a b - 5558599620B a b )m
--R
--R
                    9
                                       282
          (- 1787705280A a b - 8044673760B a b )m
--R
--R
--R
                                       2 8
          (- 1438542720A a b - 6473442240B a b )m - 479001600A a b
--R
--R
--R
                      2 8
--R
          - 2155507200B a b
--R
--R
         m + 10
--R
         x
--R
                28 37 11 28 37 10
--R
--R
          (-45A a b - 120B a b )m + (-3105A a b -8280B a b )m
--R
                  28 379
--R
--R
          (- 94320A a b - 251520B a b )m
--R
                            3 7 8
--R
                    2 8
--R
          (- 1660770A a b - 4428720B a b )m
--R
                              3 7 7
--R
                     2 8
--R
          (- 18778905A a b - 50077080B a b )m
--R
                      2 8
--R
                                     3 7 6
--R
          (- 142688385A a b - 380502360B a b )m
--R
--R
                      2 8
                                      3 7 5
--R
          (-740364930A a b -1974306480B a b )m
--R
                       2 8
--R
          (- 2609872380A a b - 6959659680B a b )m
--R
--R
```

```
--R
                        2 8
                               3 7 3
--R
           (-6085456200A \ a \ b \ -16227883200B \ a \ b \ )m
--R
                                          3 7 2
--R
                        2 8
--R
           (- 8861564160A a b - 23630837760B a b )m
--R
--R
                        2 8
                                        3 7
--R
          (- 7166102400A a b - 19109606400B a b )m - 2395008000A a b
--R
--R
                       3 7
--R
          - 6386688000B a b
--R
--R
          m + 9
--R
         x
--R
--R
                 3 7 4 6 11 3 7 4 6 10
          (- 120A a b - 210B a b )m + (- 8400A a b - 14700B a b )m
--R
--R
--R
                    3 7 4 6 9
--R
          (- 258840A a b - 452970B a b )m
--R
                     3 7 4 6 8
--R
--R
          (- 4621680A a b - 8087940B a b )m
--R
                      3 7 4 6 7
--R
           (- 52962120A a b - 92683710B a b )m
--R
--R
                            4 6 6
--R
                      3 7
--R
          (- 407499120A a b - 713123460B a b )m
--R
--R
                        3 7
                                        465
--R
          (- 2138834760A a b - 3742960830B a b )m
--R
--R
                       3 7
--R
          (- 7617739920A a b - 13331044860B a b )m
--R
--R
                        3 7
                                         463
--R
           (- 17922900960A a b - 31365076680B a b )m
--R
--R
                        3 7
           (- 26298578880A a b - 46022513040B a b )m
--R
--R
--R
                        3 7
                                         4 6
--R
          (- 21398515200A a b - 37447401600B a b )m - 7185024000A a b
--R
--R
                         4 6
--R
          - 12573792000B a b
--R
          m + 8
--R
--R
         X
```

```
--R
            4 6 5 5 11 4 6 5 5 10
--R
--R
          (- 210A a b - 252B a b )m + (- 14910A a b - 17892B a b )m
--R
                 4 6 5 5 9
--R
--R
          (- 466200A a b - 559440B a b )m
--R
--R
                     4 6
          (- 8448300A a b - 10137960B a b )m
--R
--R
--R
                                    5 5 7
                     4 6
          (- 98249130A a b - 117898956B a b )m
--R
--R
--R
                      4 6
                                     5 5 6
--R
          (- 766849230A a b - 920219076B a b )m
--R
--R
                       4 6
                                      5 5 5
          (- 4080003900A a b - 4896004680B a b )m
--R
--R
--R
                      4 6
--R
          (- 14714704200A a b - 17657645040B a b )m
--R
--R
                         4 6
--R
          (- 35010506160A a b - 42012607392B a b )m
--R
--R
                               5 5 2
                        4 6
--R
          (- 51869583360A a b - 62243500032B a b )m
--R
--R
                         4 6
                                         5 5
--R
          (- 42540422400A a b - 51048506880B a b )m - 14370048000A a b
--R
--R
                       5 5
--R
          - 17244057600B a b
--R
--R
          m + 7
--R
         x
--R
                 5 5 6 4 11
                                            5 5 6 4 10
--R
          (- 252A a b - 210B a b )m + (- 18144A a b - 15120B a b )m
--R
--R
--R
                    5 5
                           6 4 9
--R
          (- 575820A a b - 479850B a b )m
--R.
                             6 4 8
--R
                     5 5
--R
          (- 10599120A a b - 8832600B a b )m
--R
--R
                      5 5
--R
          (- 125269956A a b - 104391630B a b )m
--R
--R
                       5 5
                                      646
```

```
--R
           (- 993892032A a b - 828243360B a b )m
--R
--R
                       5 5
                               6 4 5
--R
           (- 5374186020A a b - 4478488350B a b )m
--R
--R
                        5 5
--R
          (- 19684561680A a b - 16403801400B a b )m
--R
                        5 5
--R
          (- 47508752592A a b - 39590627160B a b )m
--R
--R
--R
                        5 5
           (- 71279236224A a b - 59399363520B a b )m
--R
--R
--R
                        5 5
                                         6 4
--R
           (- 59077589760A a b - 49231324800B a b )m - 20118067200A a b
--R
--R
                       6 4
--R
          - 16765056000B a b
--R
--R
          m + 6
--R
          X
--R
--R
             6 4 7 3 11 6 4 7 3 10
           (-210A a b - 120B a b )m + (-15330A a b -8760B a b )m
--R
--R
               6 4 7 3 9
--R
--R
           (- 493920A a b - 282240B a b )m
--R
                   6 4 7 3 8
--R
--R
          (- 9242100A a b - 5281200B a b )m
--R
--R
                       6 4
                                     737
--R
          (- 111176730A a b - 63529560B a b )m
--R
--R
                       6 4
                                      7 3 6
--R
          (- 898709490A a b - 513548280B a b )m
--R
                                        7 3 5
--R
                       6 4
           (- 4954401060A a b - 2831086320B a b )m
--R
--R
--R
                        6 4
                                         734
--R
           (- 18502726200A a b - 10572986400B a b )m
--R
--R
                        6 4
                                          7 3 3
--R
           (-45499804560A a b - 25999888320B a b )m
--R
--R
                         6 4
          (- 69444103680A a b - 39682344960B a b )m
--R
--R
```

```
7 3
--R
                        6 4
           (-58406987520A \ a \ b \ -33375421440B \ a \ b \ )m \ -20118067200A \ a \ b
--R
--R
--R
--R
          - 11496038400B a b
--R
--R
          m + 5
--R
         x
--R
                  7 3 8 2 11
--R
                                            7 3
          (-120A a b -45B a b)m + (-8880A a b -3330B a b)m
--R
--R
                            8 2 9
                    7 3
--R
           (- 290520A a b - 108945B a b )m
--R
--R
--R
                     7 3
                                  8 2 8
--R
           (- 5530320A a b - 2073870B a b )m
--R
                      7 3 8 2 7
--R
--R
           (- 67814280A a b - 25430355B a b )m
--R
                      7 3
--R
--R
           (- 559938960A a b - 209977110B a b )m
--R
                       7 3
--R
           (- 3159071880A a b - 1184651955B a b )m
--R
--R
--R
                        7 3
--R
           (- 12092130480A a b - 4534548930B a b )m
--R
--R
                         7 3
--R
           (- 30496298400A a b - 11436111900B a b )m
--R
--R
                         7 3
                                         8 2 2
--R
           (- 47696592960A a b - 17886222360B a b )m
--R
--R
                        7 3
                                         8 2
--R
           (-41000774400A a b - 15375290400B a b )m - 14370048000A a b
--R
--R
--R
           - 5388768000B a b
--R
--R
          m + 4
--R
          x
--R
                 8 2 9 11
                                     8 2 9 10
--R
           (- 45A a b - 10B a b)m + (- 3375A a b - 750B a b)m
--R
--R
                    8 2 9 9 8 2 9 8
--R
           (-112140A \ a \ b \ -24920B \ a \ b)m \ + (-2173230A \ a \ b \ -482940B \ a \ b)m
--R
```

```
--R
                 8 2 9 7
--R
          (- 27206145A a b - 6045810B a b)m
--R
--R
                      8 2 9 6
--R
          (- 230080095A a b - 51128910B a b)m
--R
--R
--R
                      8 2
          (- 1334320110A a b - 296515580B a b)m
--R
--R
--R
                      8 2
          (- 5270196420A a b - 1171154760B a b)m
--R
--R
--R
                       8 2
--R
          (- 13763718360A a b - 3058604080B a b)m
--R
                       8 2
--R
          (- 22339514880A a b - 4964336640B a b)m
--R
--R
--R
                   8 2
                                       9
--R
          (- 19901635200A a b - 4422585600B a b)m - 7185024000A a b
--R
--R
--R
          - 1596672000B a b
--R
--R
         m + 3
--R
         x
--R
--R
                9 10 11 9 10 10
--R
          (-10A a b - B a )m + (-760A a b -76B a )m
--R
                  9 10 9
                                     9 10 8
--R
--R
          (- 25650A a b - 2565B a )m + (- 506400A a b - 50640B a )m
--R
                         10 7
--R
          (- 6481830A a b - 648183B a )m + (- 56302680A a b - 5630268B a )m
--R
--R
--R
                      9
                                   10 5
          (- 337296950A a b - 33729695B a )m
--R
--R
--R
                      9
          (- 1386107600A a b - 138610760B a )m
--R
--R
--R
                       9
                                     10 3
          (- 3799853160A a b - 379985316B a )m
--R
--R
--R
                      9
--R
          (- 6540442560A a b - 654044256B a )m
--R
                                     10
--R
                        9
```

```
--R
          (- 6234710400A a b - 623471040B a )m - 2395008000A a b
--R
--R
                    10
--R
          - 239500800B a
--R
--R
         m + 2
--R
        X
--R
             --R
          - A a m - 77A a m - 2640A a m - 53130A a m - 696333A a m
--R
--R
--R
                   10 6
                                 10 5
                                               10 4
          - 6230301A a m - 38759930A a m - 167310220A a m
--R
--R
--R
                    10 3
                              10 2
--R
          - 489896616A a m - 924118272A a m - 1007441280A a m
--R.
--R
                    10
--R
         - 479001600A a
--R
--R
         m + 1
--R
         x
--R /
--R
       12 11 10 9 8 7
--R
       m + 78m + 2717m + 55770m + 749463m + 6926634m + 44990231m
--R
--R
--R
       206070150m + 657206836m + 1414014888m + 1931559552m + 1486442880m
--R
--R
      479001600
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 309
--S 310 of 1293
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 310
)clear all
--S 311 of 1293
t0:=x^10*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
     10 21 10 9 20 9 2 8 19
--R
     B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
```

```
--R
     28 37 18 37 46 17
--R
--R
     (45A a b + 120B a b )x + (120A a b + 210B a b )x
--R
           4 6 5 5 16 5 5 6 4 15
--R
--R
     (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
           6 4 7 3 14
--R
                                  7 3
     (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
          8 2 9 12 9 10 11 10 10
--R
      (45A a b + 10B a b)x + (10A a b + B a )x + A a x
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--E 311
--S 312 of 1293
r0:=1/11*a^10*A*x^11+1/12*a^9*(10*A*b+a*B)*x^12+_
    5/13*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)*x^13+15/14*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*x^14+_
    2*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x^15+21/8*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^16+_
    42/17*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^17+5/3*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^18+_
    15/19*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^19+1/4*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^20+_
    1/21*b^9*(A*b+10*a*B)*x^21+1/22*b^10*B*x^22
--R
--R
--R
    (2)
      1 10 22 1 10 10 9 21 1 9 9 2 8 20
--R
--R
      -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
                21
                         21
--R
--R.
      45 28 120 37 19 20 37 35 46 18
--R
      (-- A a b + --- B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
     19
               19
                              3
--R
--R
      210 4 6 252 5 5 17 63 5 5 105 6 4 16
--R
      (--- A a b + --- B a b )x + (-- A a b + --- B a b )x
                17
--R
--R
--R
                7 3 15 60 7 3 45 8 2 14
         6 4
--R
      (14A a b + 8B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
--R
--R
      45 8 2 10 9 13 5 9 1 10 12 1 10 11
--R.
      (-- A a b + -- B a b)x + (- A a b + -- B a )x + -- A a x
      13 13
--R.
                           6
                                   12 11
--R.
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 312
--S 313 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (3)
--R
   1 10 22 1 10 10 9 21 1 9 9 2 8 20
--R
      -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
     22 21 21 2 4
--R
--R
      45  28  120  37  19  20  37  35  46  18
--R
      (-- A a b + --- B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
--R
--R
      210 4 6 252 5 5 17 63 5 5 105 6 4 16
--R
     (--- A a b + --- B a b )x + (-- A a b + --- B a b )x
                 17
--R
--R
--R
        6 4 7 3 15 60 7 3 45 8 2 14
--R
      (14A \ a \ b + 8B \ a \ b ) x + (-- A \ a \ b + -- B \ a \ b ) x
--R
--R +
--R
      45 8 2 10 9 13 5 9 1 10 12 1 10 11
      (-- A a b + -- B a b)x + (- A a b + -- B a )x + -- A a x
--R
--R
      13 13
                             6
                                    12 11
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 313
--S 314 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 314
--S 315 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 315
)clear all
--S 316 of 1293
t0:=x^9*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
--R 10 20 10 9 19 9 2 8 18
--R B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R +
```

```
28 37 17 37 46 16
--R
      (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
                    5 5 15
            4 6
                                     5 5
      (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
            6 4 7 3 13
--R
                                    7 3
--R
       (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
          8 2
                  9 11
                                 9
                                      10 10
       (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--Е 316
--S 317 of 1293
r0:=1/10*a^10*A*x^10+1/11*a^9*(10*A*b+a*B)*x^11+_
    5/12*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)*x^12+15/13*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*x^13+_
    15/7*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x^14+14/5*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^15+_
    21/8*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^16+30/17*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^17+_
    5/6*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^18+5/19*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^19+_
    1/20*b^9*(A*b+10*a*B)*x^20+1/21*b^10*B*x^21
--R
--R
--R
     (2)
      1 10 21 1 10 1 9 20 10 9 45 2 8 19
--R
       -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
--R
                  20
                                           19
--R
--R
      5 2 8 20 3 7 18 120 3 7 210 4 6 17
--R
       (- A a b + -- B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
                                17
--R
--R
       105 4 6 63 5 5 16 84 5 5
--R
       (--- A a b + -- B a b )x + (-- A a b + 14B a b )x
--R
--R
--R
          6 4 60 7 3 14 120 7 3 45 8 2 13
--R
       (15A a b + -- B a b )x + (--- A a b + -- B a b )x
--R
                                13
--R
       15 8 2 5 9 12 10 9 1 10 11 1 10 10
--R
       (-- A a b + - B a b)x + (-- A a b + -- B a )x + -- A a x
--R
--R.
       4 6
                               11
                                       11
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 317
--S 318 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R
   1 10 21 1 10 1 9 20 10 9 45 2 8 19
--R
--R
      -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
     21
               20
                        2
                                     19
--R
--R
     5 2 8 20 3 7 18 120 3 7 210 4 6 17
--R
      (- A a b + -- B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
                            17
--R
      105 4 6 63 5 5 16 84 5 5
--R
                                        6 4 15
--R
      (--- A a b + -- B a b )x + (-- A a b + 14B a b )x
--R
--R
       6 4 60 7 3 14 120 7 3 45 8 2 13
--R
      (15A a b + -- B a b )x + (--- A a b + -- B a b )x
--R
--R
                            1.3
--R
--R
      15 8 2 5 9 12 10 9 1 10 11 1 10 10
--R
      (-- A a b + - B a b)x + (-- A a b + -- B a )x + -- A a x
--R
                         11
                                  11 10
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 318
--S 319 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 319
--S 320 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 320
)clear all
--S 321 of 1293
t0:=x^8*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
    10 19 10 9 18 9 2 8 17
--R
    Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
     28 37 16 37 46 15
--R
```

```
--R
     (45A a b + 120B a b )x + (120A a b + 210B a b )x
--R
--R
           4 6 5 5 14 5 5 6 4 13
--R
     (210A a b + 252B a b )x + (252A a b + 210B a b )x
--R +
           6 4 7 3 12
--R
                                   7 3
                                           8 2 11
--R
     (210A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b ) x
--R +
          8 2 9 10 9 10 9 10 8
--R
--R
      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 321
--S 322 of 1293
r0:=1/9*a^10*A*x^9+1/10*a^9*(10*A*b+a*B)*x^10+_
    5/11*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)*x^11+5/4*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*x^12+_
    30/13*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x^13+3*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^14+_
    14/5*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^15+15/8*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^16+_
    15/17*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^17+5/18*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^18+_
    1/19*b^9*(A*b+10*a*B)*x^19+1/20*b^10*B*x^20
--R
--R
--R (2)
--R
     1 10 20 1 10 10 9 19 5 9 5 2 8 18
      -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
                 19 19
--R
      20
                                        9
--R
--R
      45 28 120 37 17 15 37 105 46 16
--R
      (-- A a b + --- B a b )x + (-- A a b + --- B a b )x
--R.
      17 17
                              2
--R
          4 6 84 5 5 15 5 6 4 14
--R
--R
      (14A \ a \ b + -- B \ a \ b)x + (18A \ a \ b + 15B \ a \ b)x
--R
--R
       210 6 4 120 7 3 13 7 3 15 8 2 12
--R
--R
      (--- A a b + --- B a b )x + (10A a b + -- B a b )x
                 13
--R
       13
--R
       45 8 2 10 9 11
--R
                               9
                                     1 10 10 1 10 9
      (-- A a b + -- B a b)x + (A a b + -- B a )x + - A a x
--R
      11 11
--R
                                     10
                                         9
--R.
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 322
--S 323 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
1 10 20 1 10 10 9 19 5 9 5 2 8 18
     -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
--R
     20 19 19
--R
--R
     45 28 120 37 17 15 37 105 46 16
--R
     (-- A a b + --- B a b )x + (-- A a b + --- B a b )x
     17 17
--R
--R
         4 6 84 5 5 15 5 6 4 14
--R
--R
      (14A a b + -- B a b )x + (18A a b + 15B a b )x
--R
--R
      210 6 4 120 7 3 13 7 3 15 8 2 12
--R
      (--- A a b + --- B a b )x + (10A a b + -- B a b )x
--R
--R
               13
--R
--R
     45 8 2 10 9 11 9
                                 1 10 10 1 10 9
      (-- A a b + -- B a b)x + (A a b + -- B a )x + - A a x
--R
                                 10 9
--R
     11 11
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 323
--S 324 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 324
--S 325 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 325
)clear all
--S 326 of 1293
t0:=x^7*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R.
--R.
--R (1)
--R 10 18 10 9 17
                                    9 2 8 16
--R
    Bb x + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R +
     28 37 15 37 46 14
--R
--R
    (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
```

```
--R
           4 6 5 5 13 5 5 6 4 12
--R
--R
     (210A a b + 252B a b )x + (252A a b + 210B a b )x
--R
            6 4 7 3 11 7 3 8 2 10
--R
--R
      (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
                 9 9
                                    10 8
--R
                               9
      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
--R
                                              Type: Polynomial(Integer)
--Е 326
--S 327 of 1293
r0:=-1/11*a^7*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^9+_
    1/12*a^6*(7*A*b-8*a*B)*(a+b*x)^12/b^9-
    7/13*a^5*(3*A*b-4*a*B)*(a+b*x)^13/b^9+_
    1/2*a^4*(5*A*b-8*a*B)*(a+b*x)^14/b^9-_
    7/3*a^3*(A*b-2*a*B)*(a+b*x)^15/b^9+_
    7/16*a^2*(3*A*b-8*a*B)*(a+b*x)^16/b^9-_
    7/17*a*(A*b-4*a*B)*(a+b*x)^17/b^9+_
    1/18*(A*b-8*a*B)*(a+b*x)^18/b^9+1/19*B*(a+b*x)^19/b^9
--R
--R
--R
     (2)
--R
        1 19 19 1 19 5 18 18 10 18 45 2 17 17
--R
        -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
        19
                    18
                              9
                                           17
--R
--R
        45
            2 17 15 3 16 16 3 16 4 15 15
--R.
        (-- A a b + -- B a b )x + (8A a b + 14B a b )x
--R
        16
--R
             4 15 5 14 14 252 5 14 210 6 13 13
--R
--R
        (15A a b + 18B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
                                  13
--R
        35 6 13 7 12 12 120 7 12 45 8 11 11
--R
--R
        (-- A a b + 10B a b )x + (--- A a b + -- B a b )x
--R
                                   11
--R
        9 8 11 9 10 10 10 9 10 1 10 9 9 1 10 9 8
--R
        (- A a b + B a b )x + (-- A a b + - B a b )x + - A a b x
--R
--R.
         2
                                9
                                          9
--R.
--R.
          1
                18 1
--R
        - ----- A a b + ----- B a
--R
         350064 831402
--R /
--R
       9
--R
      b
```

```
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 327
--S 328 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     1 10 19 1 10 5 9 18 10 9 45 2 8 17
--R
      -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
--R
                18
                                      17
--R
       45 28 15 37 16 37
--R
      (-- A a b + -- B a b )x + (8A a b + 14B a b )x
--R
--R
--R
--R
         4 6 5 5 14 252 5 5 210 6 4 13
--R
      (15A a b + 18B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
                            13
--R
      35 6 4 7 3 12 120 7 3 45 8 2 11
--R
--R
      (-- A a b + 10B a b )x + (--- A a b + -- B a b )x
--R
                             11
--R
--R
      9 8 2 9 10 10 9 1 10 9 1 10 8
      (-Aab + Bab)x + (--Aab + - Ba)x + - Aax
--R
--R
                          9
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 328
--S 329 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 18 1 19
        ----- A a b - ---- B a
--R
--R
        350064 831402
--R
   (4) -----
--R
                   9
--R
                  b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 329
--S 330 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 330
```

```
)clear all
--S 331 of 1293
t0:=x^6*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
                     10 17 10 9 16 9 2 8 15
--R
--R
                    B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
                                                                   3 7 14
                                       2 8
                                                                                                                                  3 7
                                                                                                                                                                       4 6 13
                     (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                                                              5 5 12
                                                                                                                                   5 5
--R
                                           4 6
                                                                                                                                                                        6 4 11
--R
                    (210A a b + 252B a b )x + (252A a b + 210B a b )x
--R
--R
                                           6 4 7 3 10
                                                                                                                                    7 3 8 2 9
--R
                    (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
                                        8 2 9 8 9 10 7 10 6
                          (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
--R
                                                                                                                                                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 331
--S 332 of 1293
\texttt{r0} := 1/11 * \texttt{a}^6 * (\texttt{A} * \texttt{b} - \texttt{a} * \texttt{B}) * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{x})^1 1/\texttt{b}^8 - 1/12 * \texttt{a}^5 * (\texttt{6} * \texttt{A} * \texttt{b} - 7 * \texttt{a} * \texttt{B}) * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{x})^1 2/\texttt{b}^8 + \underline{\texttt{a}} * (\texttt{b} * \texttt{a} * \texttt{b} + \texttt{a} * \texttt{b}) * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{x})^1 2/\texttt{b}^8 + \underline{\texttt{a}} * (\texttt{b} * \texttt{a} * \texttt{b} + \texttt{a} * \texttt{b}) * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{x})^1 2/\texttt{b}^8 + \underline{\texttt{a}} * (\texttt{b} * \texttt{a} * \texttt{b} + \texttt{a} * \texttt{b}) * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{a} * \texttt{b}) * (\texttt{a}
                3/13*a^4*(5*A*b-7*a*B)*(a+b*x)^13/b^8-
                5/14*a^3*(4*A*b-7*a*B)*(a+b*x)^14/b^8+_
                1/3*a^2*(3*A*b-7*a*B)*(a+b*x)^15/b^8-_
                3/16*a*(2*A*b-7*a*B)*(a+b*x)^16/b^8+_
                1/17*(A*b-7*a*B)*(a+b*x)^17/b^8+1/18*B*(a+b*x)^18/b^8
--R
--R
--R
                    (2)
                                 1 18 18 1 18 10 17 17 5 17 45 2 16 16
--R
--R
                               -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
                                                                         17
                                                                                                            17
                                                                                                                                                                    8
--R
                              18
--R
--R
                                          2 16 3 15 15 60 3 15
                                                                                                                                                                   4 14 14
--R
                               (3A \ a \ b + 8B \ a \ b ) x + (-- A \ a \ b + 15B \ a \ b ) x
--R
--R.
--R.
                                210 4 14 252 5 13 13 5 13 35 6 12 12
                                (--- A a b + --- B a b )x + (21A a b + -- B a b )x
--R
--R
                                                                             13
--R
--R
                                210 6 12 120 7 11 11 7 11 9 8 10 10
                                (--- A a b + --- B a b )x + (12A a b + - B a b )x
--R
                                                                             11
--R
                                 11
```

```
--R
      8 10 10 9 9 9 5 9 9 1 10 8 8 1 10 8 7
--R
--R
      (5A a b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b )x + - A a b x
--R
               9 4 8
--R
       1 17 1 18
--R
--R
       ----- A a b - ---- B a
--R
      136136
                 350064
--R /
--R
--R
     b
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 332
--S 333 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
     1 10 18 1 10 10 9 17 5 9 45 2 8 16
--R
--R
     -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
    18 17 17
--R
                                     8
--R
--R
     28 37 15 60 37 4 6 14
--R
      (3A \ a \ b + 8B \ a \ b )x + (-- A \ a \ b + 15B \ a \ b )x
--R
--R
--R
     210 4 6 252 5 5 13 5 5 35 6 4 12
--R
      (--- A a b + --- B a b )x + (21A a b + -- B a b )x
--R
      13
               13
--R
     210 6 4 120 7 3 11 7 3 9 8 2 10
--R
--R
      (--- A a b + --- B a b )x + (12A a b + - B a b )x
--R
               11
--R
       8 2 10 9 9 5 9 1 10 8 1 10 7
--R
--R
      (5A \ a \ b \ + -- \ B \ a \ b)x \ + (- \ A \ a \ b \ + - \ B \ a \ )x \ + - A \ a \ x
             9 4 8 7
--R
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 333
--S 334 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          1 17 1 18
       - ----- A a b + ---- B a
--R
        136136 350064
--R (4) -----
--R
               8
```

```
--R
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 334
--S 335 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 335
)clear all
--S 336 of 1293
t0:=x^5*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
    (1)
      10 16 10 9 15
--R
--R
      B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
           28 3713 37
--R
     (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
             4 6 5 5 11 5 5 6 4 10
--R
--R
     (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
            6 4
                 7 3 9 7 3
                                           8 2 8
--R
     (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
           8 2 9 7 9 10 6 10 5
--R
--R
       (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
                                                Type: Polynomial(Integer)
--Е 336
--S 337 of 1293
r0:=-1/11*a^5*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^7+_
    1/12*a^4*(5*A*b-6*a*B)*(a+b*x)^12/b^7-_
    5/13*a^3*(2*A*b-3*a*B)*(a+b*x)^13/b^7+_
    5/7*a^2*(A*b-2*a*B)*(a+b*x)^14/b^7-_
    1/3*a*(A*b-3*a*B)*(a+b*x)^15/b^7+_
    1/16*(A*b-6*a*B)*(a+b*x)^16/b^7+1/17*B*(a+b*x)^17/b^7
--R.
--R
--R
     (2)
--R
        1 17 17 1 17 5 16 16 2 16 2 15 15
        -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (- A a b + 3B a b )x
--R
                     16
                               8
--R
      17
--R
```

```
45  2  15  60  3  14  14  120  3  14  210  4  13  13
--R
--R
        (-- A a b + -- B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
        14
                                13
--R
        35 4 13 5 12 12 252 5 12 210 6 11 11
--R
--R
        (-- A a b + 21B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
                                11
--R
           6 11 7 10 10 40 7 10 8 9 9
--R
--R
       (21A a b + 12B a b )x + (-- A a b + 5B a b )x
--R
--R
        45 8 9 5 9 8 8 10 9 8 1 10 7 7 1 10 7 6
--R
        (-- A a b + - B a b )x + (-- A a b + - B a b )x + - A a b x
--R
--R
--R
--R
         1
               16
                     1
                           17
       - ---- A a b + ---- B a
--R
--R
        48048 136136
--R /
--R
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 337
--S 338 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
    1 10 17 1 10 5 9 16 2 9 2 8 15
--R
--R
      -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (- A a b + 3B a b )x
--R
                16
                         8
--R
--R
      45  2  8  60  3  7  14  120  3  7  210  4  6  13
      (-- A a b + -- B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
                                       13
--R
                              13
      14
--R
       35 46 5512 252 55210 6411
--R
--R
      (-- A a b + 21B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
--R
--R.
        6 4 7 3 10 40 7 3 8 2 9
      (21A a b + 12B a b )x + (-- A a b + 5B a b )x
--R
--R
                             3
--R
--R
       45 8 2 5 9 8 10 9 1 10 7 1 10 6
      (-- A a b + - B a b)x + (-- A a b + - B a )x + - A a x
--R
                            7
                                  7 6
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
```

```
--E 338
--S 339 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 16 1 17
--R
--R
       ---- A a b - ---- B a
        48048
                136136
--R
--R (4) -----
--R
                   7
--R
                   b
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 339
--S 340 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 340
)clear all
--S 341 of 1293
t0:=x^4*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
                                    9 28 13
--R
    10 15 10 9 14
--R
     Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
          28 37 12 37 46 11
--R
--R
     (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
           4 6 5 5 10
                                  5 5
                                           649
--R
     (210A a b + 252B a b )x + (252A a b + 210B a b )x
--R
--R
           6 4
                  7 3 8
                                 7 3
     (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R.
          8 2 9 6 9 10 5 10 4
      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 341
--S 342 of 1293
r0:=1/11*a^4*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^6-_
    1/12*a^3*(4*A*b-5*a*B)*(a+b*x)^12/b^6+_
```

```
2/13*a^2*(3*A*b-5*a*B)*(a+b*x)^13/b^6-_
    1/7*a*(2*A*b-5*a*B)*(a+b*x)^14/b^6+_
    1/15*(A*b-5*a*B)*(a+b*x)^15/b^6+1/16*B*(a+b*x)^16/b^6
--R
--R
    (2)
--R
        1 16 16 1 16 2 15 15 5 15 45 2 14 14
--R
--R
       -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
--R
                 15
--R
--R
        45 2 14 120 3 13 13
                                    3 13 35 4 12 12
--R
       (-- A a b + --- B a b )x + (10A a b + -- B a b )x
             13
--R
        13
--R
--R
        210 4 12 252 5 11 11 126 5 11 6 10 10
--R
       (--- A a b + --- B a b )x + (--- A a b + 21B a b )x
--R
                   11
--R
--R
        70 6 10 40 7 9 9 7 9 45 8 8 8
--R
        (-- A a b + -- B a b )x + (15A a b + -- B a b )x
--R
--R
--R
       45 88 10 977 5 97 1 1066 1 1065
--R
        (-- A a b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b )x + - A a b x
--R
                                      6
--R
       1 15 1 16
---- A a b - ---- B a
--R
--R
--R
       15015
               48048
--R /
--R
      6
--R
      b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 342
--S 343 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
     1 10 16 1 10 2 9 15 5 9 45 2 8 14
--R
      -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
--R
--R
      16 15 3
--R.
      45 2 8 120 3 7 13 3 7 35 4 6 12
--R
--R
      (-- A a b + --- B a b )x + (10A a b + -- B a b )x
--R
--R
      210 4 6 252 5 5 11 126 5 5 6 4 10
--R
--R
     (--- A a b + --- B a b )x + (--- A a b + 21B a b )x
```

```
11 11 5
--R
--R
     70 6 4 40 7 3 9 7 3 45 8 2 8
--R
--R
     (-- A a b + -- B a b )x + (15A a b + -- B a b )x
--R
     3 3
--R
--R
     45 8 2 10 9 7 5 9 1 10 6 1 10 5
--R
     (-- A a b + -- B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
     7 7 3 6 5
--R
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 343
--S 344 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 15 1 16
--R
       - ---- A a b + ---- B a
--R
        15015 48048
--R (4) -----
--R
                6
--R
                 b
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 344
--S 345 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 345
)clear all
--S 346 of 1293
t0:=x^3*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
    (1)
     10 14 10 9 13
--R
                                9
    B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
--R.
        28 37 11 37
--R
                                      4 6 10
    (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
         46 559 55 648
--R
--R
   (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
          64 737 73 826
--R
```

```
(210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
         8 2 9 5 9 10 4 10 3
--R
     (45A a b + 10B a b)x + (10A a b + B a )x + A a x
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 346
--S 347 of 1293
r0:=-1/11*a^3*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^5+_
    1/12*a^2*(3*A*b-4*a*B)*(a+b*x)^12/b^5-_
    3/13*a*(A*b-2*a*B)*(a+b*x)^13/b^5+_
    1/14*(A*b-4*a*B)*(a+b*x)^14/b^5+1/15*B*(a+b*x)^15/b^5
--R
--R
--R
    (2)
--R
       1 15 15 1 15 5 14 14 10 14 45 2 13 13
--R
       -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
       15 14 7
                                       13
--R
       15 2 13 3 12 12 120 3 12 210 4 11 11
--R
--R
       (-- A a b + 10B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
       4
                               11
                                         11
--R
       4 11 126 5 10 10 5 10 70 6 9 9
--R
--R
       (21A a b + --- B a b )x + (28A a b + -- B a b )x
                 5
--R
                                         3
--R
        105 6 9 7 8 8 120 7 8 45 8 7 7
--R
--R
       (--- A a b + 15B a b )x + (--- A a b + -- B a b )x
--R
       4
                             7
--R
       15 87 5 966 96 1 1055 1 1054
--R
--R
       (-- A a b + - B a b )x + (2A a b + - B a b )x + - A a b x
--R
--R
         1 14 1
                         15
--R
--R
       - ---- A a b + ---- B a
--R
                   15015
        4004
--R /
--R
      5
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 347
--S 348 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 1 10 15 1 10 5 9 14 10 9 45 2 8 13
```

```
-- B b x + (-- A b + - B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
--R
     15 14 7
                                      13 13
--R
      15 28 37 12 120 37 210 46 11
--R
--R
      (-- A a b + 10B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
                            11
--R
         4 6 126 5 5 10 5 5 70 6 4 9
--R
      (21A \ a \ b \ + --- \ B \ a \ b \ )x \ + (28A \ a \ b \ + -- \ B \ a \ b \ )x
--R
--R
--R
      105 64 738 120 73 45 827
--R
      (--- A a b + 15B a b )x + (--- A a b + -- B a b )x
--R
--R
--R
--R
      15 8 2 5 9 6 9 1 10 5 1 10 4
--R
      (-- A a b + - B a b)x + (2A a b + - B a )x + - A a x
       2 3
--R
                                 5 4
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 348
--S 349 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 14 1 15
--R
--R
        ---- A a b - ---- B a
--R
        4004 15015
--R
   (4) -----
--R
                 5
--R
                 b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 349
--S 350 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 350
)clear all
--S 351 of 1293
t0:=x^2*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
--R 10 13 10 9 12 9 2 8 11
```

```
Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
--R
         28 37 10 37 46 9
--R
--R
     (45A a b + 120B a b )x + (120A a b + 210B a b )x
--R
          46 558
--R
                                5 5
                                          6 4 7
--R
     (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
          6 4 7 3 6
                               7 3
--R
                                        8 2 5
--R
     (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
         8 2 9 4
                          9
                                  10 3 10 2
--R
     (45A a b + 10B a b)x + (10A a b + B a )x + A a x
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--R
--E 351
--S 352 of 1293
r0:=1/11*a^2*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^4-_
   1/12*a*(2*A*b-3*a*B)*(a+b*x)^12/b^4+_
   1/13*(A*b-3*a*B)*(a+b*x)^13/b^4+1/14*B*(a+b*x)^14/b^4
--R
--R
--R
    (2)
--R
       1 14 14 1 14 10 13 13 5 13 15 2 12 12
--R
       -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
             13 13
--R
       14
                                        6
--R
--R
       45 2 12 120 3 11 11 3 11 4 10 10
--R
       (-- A a b + --- B a b )x + (12A a b + 21B a b )x
--R
                  11
       11
--R
        70 4 10 5 9 9 63 5 9 105 6 8 8
--R
--R
       (-- A a b + 28B a b )x + (-- A a b + --- B a b )x
--R
--R
           6 8 120 7 7 7 7 7 15 8 6 6
--R
--R
       (30A a b + --- B a b )x + (20A a b + -- B a b )x
--R
--R
--R
          86 955 5 95 1 1044 1
--R
       (9A a b + 2B a b )x + (- A a b + - B a b )x + - A a b x
--R
--R.
--R
       1 13 1 14
       --- A a b - --- B a
--R
--R
       858
                4004
--R /
--R
--R
      b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
```

```
--E 352
--S 353 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
     1 10 14 1 10 10 9 13 5 9 15 2 8 12
--R
      -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
--R
                13
                         13
--R
     14
--R
      45 28 120 37 11 37 46 10
--R
      (-- A a b + --- B a b )x + (12A a b + 21B a b )x
--R
--R
                11
--R
--R
      70 4 6 5 5 9 63 5 5 105 6 4 8
--R
      (-- A a b + 28B a b )x + (-- A a b + --- B a b )x
--R
--R +
       6 4 120 7 3 7 7 3 15 8 2 6 8 2 9 5
--R
--R
      (30A \ a \ b \ + --- \ B \ a \ b \ )x \ + (20A \ a \ b \ + --- \ B \ a \ b \ )x \ + (9A \ a \ b \ + 2B \ a \ b)x
--R
               7
--R +
--R
      5 9 1 10 4 1 10 3
--R
      (-Aab+-Ba)x+-Aax
--R
      2 4 3
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 353
--S 354 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 13 1 14
--R
       - --- A a b + ---- B a
        858 4004
--R
--R (4) -----
--R
--R
                  b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 354
--S 355 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 355
```

```
)clear all
--S 356 of 1293
t0:=x*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
    (1)
                   10 9 11
--R
      B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
           28 379
                                      3 7
                                                 4 6 8
      (45A a b + 120B a b )x + (120A a b + 210B a b )x
--R
--R
--R
             4 6
                    5 5 7
                                       5 5
                                                  646
      (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
--R.
            64 735
                                      7 3
                                                 8 2 4
--R
      (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
           8 2 9 3 9 10 2 10
--R
--R
       (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
                                                    Type: Polynomial(Integer)
--Е 356
--S 357 of 1293
 \texttt{r0} := -1/11 * \texttt{a} * (\texttt{A} * \texttt{b} - \texttt{a} * \texttt{B}) * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{x}) ^11/\texttt{b} ^3 + 1/12 * (\texttt{A} * \texttt{b} - 2 * \texttt{a} * \texttt{B}) * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{x}) ^12/\texttt{b} ^3 + \_ 
    1/13*B*(a+b*x)^13/b^3
--R
--R
--R
    (2)
--R
         1 13 13 1 13 5 12 12 10 12 45 2 11 11
         -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
--R
        13
                      12
                                                 11
--R
         9 2 11 3 10 10 40 3 10 70 4 9 9
--R
--R
         (- A a b + 12B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
--R
                                                 677
--R
         105 4 9 63 5 8 8 5 8
--R
         (--- A a b + -- B a b) x + (36A a b + 30B a b) x
--R
--R
--R.
             67 766 76 855
--R
         (35A \ a \ b + 20B \ a \ b ) x + (24A \ a \ b + 9B \ a \ b ) x
--R
--R
          45 85 5 94 4 10 94 1 1033 1 1032
--R
         (-- A a b + - B a b )x + (-- A a b + - B a b )x + - A a b x
--R
--R
         1 12 1 13
--R
```

```
--R ---- A a b + --- B a
--R 132 858
--R /
--R
     3
--R b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 357
--S 358 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
     1 10 13 1 10 5 9 12 10 9 45 2 8 11
--R
--R
      -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
     13
                12
                        6
                                     11
--R
--R
     9 28 37 10 40 37 70 46 9
--R
      (- A a b + 12B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
--R
--R
      105 4 6 63 5 5 8 5 5 6 4 7
--R
      (--- A a b + -- B a b) x + (36A a b + 30B a b) x
      4 2
--R
--R
       64 736 73 825 45 825 94
--R
      (35A \ a \ b + 20B \ a \ b )x + (24A \ a \ b + 9B \ a \ b )x + (-- A \ a \ b + - B \ a \ b)x
--R
--R
--R
--R
     10 9 1 10 3 1 10 2
      (-- A a b + - B a )x + - A a x
--R
      3 3 2
--R
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 358
--S 359 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
        1 12 1 13
--R
        --- A a b - --- B a
--R
--R
        132 858
--R (4) -----
--R
               3
--R
                b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 359
--S 360 of 1293
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R (5) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 360
)clear all
--S 361 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
    (1)
     10 11 10 9 10
--R
                                       9
     B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
--R
         28 378
                                3 7
                                          467
--R
     (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
          46 556 55 645
--R
--R (210A a b + 252B a b )x + (252A a b + 210B a b )x
--R
--R
           64 734
                                 7 3
--R
     (210A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b ) x
--R
       8 2 9 2 9 10 10
--R
--R
      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 361
--S 362 of 1293
r0:=1/11*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^2+1/12*B*(a+b*x)^12/b^2
--R
--R
--R
        1 12 12 1 12 10 11 11 11 9 2 10 10
--R
--R
       -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (A a b + - B a b )x
--R
                   11
                            11
       12
--R
          2 10 40 3 9 9 3 9 105 4 8 8
--R
       (5A a b + -- B a b )x + (15A a b + --- B a b )x
--R
--R
--R
--R.
           48 577 57 666
--R
        (30A \ a \ b + 36B \ a \ b ) x + (42A \ a \ b + 35B \ a \ b ) x
--R
           66 755 7545844
--R
--R
       (42A \ a \ b + 24B \ a \ b) x + (30A \ a \ b + -- B \ a \ b) x
--R
--R
```

```
8 4 10 9 3 3 9 3 1 10 2 2 10 2 1 11
--R
--R
        (15A a b + -- B a b )x + (5A a b + - B a b )x + A a b x + -- A a b
--R
--R
       1 12
--R
--R
       - --- В а
--R
        132
--R /
--R
      2
--R
      b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 362
--S 363 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 1 10 12 1 10 10 9 11 9 9 2 8 10
     -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (A a b + - B a b )x
--R
             11 11
--R
--R +
      2 8 40 3 7 9 3 7 105 4 6 8
--R
--R
      (5A \ a \ b + -- B \ a \ b )x + (15A \ a \ b + --- B \ a \ b )x
--R
--R
      46 557 55 646 64 735
--R
--R
     (30A a b + 36B a b )x + (42A a b + 35B a b )x + (42A a b + 24B a b )x
--R
--R
         7 3 45 8 2 4 8 2 10 9 3 9 1 10 2
--R
      (30A \ a \ b + -- B \ a \ b)x + (15A \ a \ b + -- B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + - B \ a \ )x
--R
--R
--R
       10
--R
      Aa x
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 363
--S 364 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          1 11 1 12
--R
        - -- A a b + --- B a
--R
         11 132
--R (4) -----
--R
                 2
--R
                 b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 364
```

```
--S 365 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 365
)clear all
--S 366 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x
--R
--R
--R
     (1)
--R
          10 11 10 9 10
                                              9 289
--R
        B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
             28 378 37 467
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
              4 6
                        5 5 6
                                      5 5
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
               64 734 73 823
--R
--R
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b ) x
--R
--R
             8 2
                   9 2
                                 9
                                          10
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 366
--S 367 of 1293
r0:=10*a^9*A*b*x+45/2*a^8*A*b^2*x^2+40*a^7*A*b^3*x^3+_
    105/2*a^6*A*b^4*x^4+252/5*a^5*A*b^5*x^5+35*a^4*A*b^6*x^6+_
    120/7*a^3*A*b^7*x^7+45/8*a^2*A*b^8*x^8+10/9*a*A*b^9*x^9+_
    1/10*A*b^10*x^10+1/11*B*(a+b*x)^11/b+a^10*A*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
               10
                                 11 11
                                                            10 10
                                               11
--R
         27720A a b log(x) + 2520B b x + (2772A b + 27720B a b )x
--R
--R
                         299
                                              2 9
--R
        (30800A \ a \ b + 138600B \ a \ b )x + (155925A \ a \ b + 415800B \ a \ b )x
--R
--R
                  3 8
                               4 7 7
                                               4 7
                                                             566
```

```
--R
        (475200A \ a \ b + 831600B \ a \ b )x + (970200A \ a \ b + 1164240B \ a \ b )x
--R
                5 6 6 5 5 6 5 7 4 4
--R
--R
       (1397088A a b + 1164240B a b )x + (1455300A a b + 831600B a b )x
--R
--R
                 7 4
                             8 3 3
                                             8 3
--R
       (1108800A \ a \ b + 415800B \ a \ b ) x + (623700A \ a \ b + 138600B \ a \ b ) x
--R
                9 2 10 11
--R
        (277200A \ a \ b + 27720B \ a \ b)x + 2520B \ a
--R
--R /
      27720b
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 367
--S 368 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           10 10 11 10 9 10
--R
       27720A \ a \ \log(x) + 2520B \ b \ x + (2772A \ b + 27720B \ a \ b)x
--R
--R
--R
                9 289 28 378
--R
       (30800A a b + 138600B a b )x + (155925A a b + 415800B a b )x
--R
                     4 6 7
--R
                                            4 6
--R
       (475200A \ a \ b + 831600B \ a \ b ) x + (970200A \ a \ b + 1164240B \ a \ b ) x
--R
                5 5 6 4 5 6 4 7 3 4
--R
--R
       (1397088A a b + 1164240B a b )x + (1455300A a b + 831600B a b )x
--R
--R
                             8 2 3
                                             8 2
--R
       (1108800A \ a \ b + 415800B \ a \ b) x + (623700A \ a \ b + 138600B \ a \ b) x
--R
--R
--R
       (277200A a b + 27720B a )x
--R /
--R
       27720
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 368
--S 369 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        Ва
--R
--R (4) - ----
--R
          11b
```

```
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 369
--S 370 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 370
)clear all
--S 371 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^2
--R
--R
--R
    (1)
           10 11 10 9 10
--R
                                                9 289
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
--R
               28 378 37 467
--R
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                    5 5 6
               4 6
--R
         (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
                64 734 73 823
--R
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R.
               8 2 9 2
--R
                                     9
                                            10
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
--R
       x
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 371
--S 372 of 1293
r0:=-a^10*A/x+5*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)*x+15/2*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*x^2+_
    10*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x^3+21/2*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^4+_
    42/5*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^5+5*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^6+_
    15/7*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^7+5/8*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^8+_
    1/9*b^9*(A*b+10*a*B)*x^9+1/10*b^10*B*x^10+a^9*(10*A*b+a*B)*log(x)
--R.
--R
--R
    (2)
--R
                            10
         (25200A \ a \ b + 2520B \ a \ )x \log(x) + 252B \ b \ x
--R
--R
```

```
10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
        (280A b + 2800B a b)x + (3150A a b + 14175B a b)x
--R
--R
                      3 7 8
                                           3 7
                2 8
--R
        (16200A \ a \ b + 43200B \ a \ b )x + (50400A \ a \ b + 88200B \ a \ b )x
--R
                4 6 5 5 6 5 5 6 4 5
--R
--R
       (105840A \ a \ b + 127008B \ a \ b ) x + (158760A \ a \ b + 132300B \ a \ b ) x
--R
--R
                             734
                                             7 3
--R
        (176400A a b + 100800B a b )x + (151200A a b + 56700B a b )x
--R
                            9 2
--R
        (113400A \ a \ b + 25200B \ a \ b)x - 2520A \ a
--R
--R /
--R
       2520x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 372
--S 373 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                   10
--R
--R
        (25200A \ a \ b + 2520B \ a \ ) x \log(x) + 252B \ b \ x
--R
              10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
        (280A b + 2800B a b)x + (3150A a b + 14175B a b)x
--R
--R
                2 8 3 7 8
                                           3 7
--R
       (16200A \ a \ b + 43200B \ a \ b )x + (50400A \ a \ b + 88200B \ a \ b )x
--R
                4 6 5 5 6 5 5 6 4 5
--R
--R
       (105840A \ a \ b + 127008B \ a \ b )x + (158760A \ a \ b + 132300B \ a \ b )x
--R
--R
                6 4
                             734
                                             7 3
--R
        (176400A a b + 100800B a b )x + (151200A a b + 56700B a b )x
--R
--R
        (113400A \ a \ b + 25200B \ a \ b)x - 2520A \ a
--R
--R /
--R.
       2520x
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 373
--S 374 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R
    (4) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 374
--S 375 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 375
)clear all
--S 376 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^3
--R
--R
--R
     (1)
           10 11 10 9 10
--R
--R
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
                   3 7 8 3 7
--R
             2 8
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
               46 556 55 645
--R
         (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
               6 4
                    734
                                         7 3
                                                  8 2 3
--R.
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
              8 2 9 2 9 10 10
--R
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
        3
--R
       x
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 376
--S 377 of 1293
r0:=-1/2*a^10*A/x^2-a^9*(10*A*b+a*B)/x+15*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*x+_
    15*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x^2+14*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^3+_
    21/2*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^4+6*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^5+_
    5/2*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^6+5/7*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^7+_
    1/8*b^9*(A*b+10*a*B)*x^8+1/9*b^10*B*x^9+5*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
                             9 2 10 11
--R
                 8 2
                                                       10
                                                                  9 10
--R
         (22680A \ a \ b + 5040B \ a \ b) x \log(x) + 56B \ b \ x + (63A \ b + 630B \ a \ b) x
```

```
--R
          9 289 28 378
--R
--R
        (720A a b + 3240B a b )x + (3780A a b + 10080B a b )x
--R
                3 7 4 6 7 4 6 5 5 6
--R
       (12096A a b + 21168B a b )x + (26460A a b + 31752B a b )x
--R
--R
--R
                           645
                                          6 4
        (42336A a b + 35280B a b )x + (52920A a b + 30240B a b )x
--R
--R
--R
               7 3 8 2 3
                                       9 10
        (60480A \ a \ b + 22680B \ a \ b )x + (-5040A \ a \ b - 504B \ a )x - 252A \ a
--R
--R /
--R
--R
      504x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 377
--S 378 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                8 2 9 2 10 11 10 9 10
--R
        (22680A \ a \ b + 5040B \ a \ b) x \log(x) + 56B \ b x + (63A \ b + 630B \ a \ b) x
--R
                9 289
--R
--R
        (720A \ a \ b + 3240B \ a \ b ) x + (3780A \ a \ b + 10080B \ a \ b ) x
--R
                3 7 4 6 7 4 6 5 5 6
--R
--R
       (12096A \ a \ b + 21168B \ a \ b ) x + (26460A \ a \ b + 31752B \ a \ b ) x
--R
--R
                           645
                                           6 4
--R
        (42336A \ a \ b + 35280B \ a \ b ) x + (52920A \ a \ b + 30240B \ a \ b ) x
--R
                                      9
                           8 2 3
--R
--R
        (60480A \ a \ b + 22680B \ a \ b )x + (-5040A \ a \ b - 504B \ a )x - 252A \ a
--R /
--R
--R
      504x
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 378
--S 379 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 379
```

```
--S 380 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 380
)clear all
--S 381 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^4
--R
--R
--R
     (1)
--R
           10 11 10 9 10
                                               9 289
--R
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
             28 378
                                  3 7
--R
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
               4 6
                        5 5 6
                                       5 5
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
               64 734 73 823
--R
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b ) x
--R
--R
              8 2
                   9 2
                                 9
                                          10
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
        4
--R
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 381
--S 382 of 1293
r0:=-1/3*a^10*A/x^3-1/2*a^9*(10*A*b+a*B)/x^2-5*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x+_
    30*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x+21*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^2+_
    14*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^3+15/2*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^4+_
    3*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^5+5/6*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^6+_
    1/7*b^9*(A*b+10*a*B)*x^7+1/8*b^10*B*x^8+15*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*log(x)
--R.
--R
--R
    (2)
--R
                7 3 8 2 3
                                              10 11
--R
         (20160A \ a \ b + 7560B \ a \ b ) x \log(x) + 21B \ b x
--R
             10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
         (24A b + 240B a b)x + (280A a b + 1260B a b)x
```

```
--R
             28 378 37 467
--R
--R
        (1512A a b + 4032B a b )x + (5040A a b + 8820B a b )x
--R
--R
                46 556 55 645
       (11760A a b + 14112B a b )x + (21168A a b + 17640B a b )x
--R
--R
--R
                           734
                                           8 2
--R
       (35280A a b + 20160B a b )x + (- 7560A a b - 1680B a b)x
--R
--R
                    10 10
        (-840A \ a \ b - 84B \ a \ )x - 56A \ a
--R
--R
--R
--R
       168x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 382
--S 383 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
               7 3 8 2 3
--R
        (20160A \ a \ b + 7560B \ a \ b ) x \log(x) + 21B \ b x
--R
--R
--R
        (24A b + 240B a b)x + (280A a b + 1260B a b)x
--R
               28 378 37 467
--R
--R
        (1512A \ a \ b + 4032B \ a \ b ) x + (5040A \ a \ b + 8820B \ a \ b ) x
--R
--R
                           5 5 6
--R
        (11760A \ a \ b + 14112B \ a \ b ) x + (21168A \ a \ b + 17640B \ a \ b ) x
--R
                6 4 7 3 4
--R
                                           8 2
        (35280A a b + 20160B a b )x + (- 7560A a b - 1680B a b)x
--R
--R
                    10 10
--R
              9
--R
        (-840A \ a \ b - 84B \ a \ )x - 56A \ a
--R /
--R
--R
       168x
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 383
--S 384 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R
    (4) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 384
--S 385 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 385
)clear all
--S 386 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^5
--R
--R
--R
     (1)
           10 11 10 9 10
--R
--R
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
                    3 7 8 3 7
--R
              2 8
--R
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
                46 556 55 645
--R
--R
         (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                6 4
                     734
                                          7 3
                                                   8 2 3
--R
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
               8 2 9 2 9 10 10
--R
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
        5
--R
       х
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 386
--S 387 of 1293
r0:=-1/4*a^10*A/x^4-1/3*a^9*(10*A*b+a*B)/x^3-5/2*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^2-_
     15*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x+42*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x+_
     21*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^2+10*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^3+_
     15/4*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^4+a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^5+_
     1/6*b^9*(A*b+10*a*B)*x^6+1/7*b^10*B*x^7+30*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                  6 4
                               734
--R
         (17640A \ a \ b + 10080B \ a \ b ) x \log(x) + 12B \ b x
```

```
--R
          10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
        (14A b + 140B a b)x + (168A a b + 756B a b)x
--R
              28 378 37 467
--R
--R
        (945A \ a \ b + 2520B \ a \ b ) x + (3360A \ a \ b + 5880B \ a \ b ) x
--R
              4 6
--R
                         5 5 6
                                         5 5
        (8820A \ a \ b + 10584B \ a \ b ) x + (21168A \ a \ b + 17640B \ a \ b ) x
--R
--R
--R
                7 3 8 2 3 8 2 9 2
        (- 10080A a b - 3780B a b )x + (- 1890A a b - 420B a b)x
--R
--R
                    10 10
--R
        (-280A \ a \ b - 28B \ a \ )x - 21A \ a
--R
--R /
--R
--R
       84x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 387
--S 388 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
           6 4 7 3 4
--R
--R
        (17640A \ a \ b + 10080B \ a \ b ) x \log(x) + 12B \ b x
--R
             10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
        (14A b + 140B a b)x + (168A a b + 756B a b)x
--R
--R
                       3 7 8
                                       3 7
--R
        (945A \ a \ b + 2520B \ a \ b ) x + (3360A \ a \ b + 5880B \ a \ b ) x
--R
              46 556 55 645
--R
--R
        (8820A \ a \ b + 10584B \ a \ b )x + (21168A \ a \ b + 17640B \ a \ b )x
--R
                           8 2 3
                                           8 2 9 2
--R
                7 3
--R
       (-10080A \ a \ b \ -3780B \ a \ b \ )x \ + (-1890A \ a \ b \ -420B \ a \ b)x
--R
                       10
--R
--R
       (- 280A a b - 28B a )x - 21A a
--R /
--R
--R
       84x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 388
--S 389 of 1293
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             (4) 0
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 389
--S 390 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
            (5) 0
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 390
)clear all
--S 391 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^6
--R
--R
--R
            (1)
--R
                                10 11 10 9 10
                         B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
                                          28 378 37 467
--R
                           (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                                            4 6
                                                              5 5 6
                                                                                                                   5 5
--R
                           (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
                                             64 734 73 823
--R
--R
                          (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
                                       8 2
                                                                    9 2
                                                                                                         9
                                                                                                                              10
                          (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
                       6
--R
--R
                                                                                                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 391
--S 392 of 1293
r0:=-1/5*a^10*A/x^5-1/4*a^9*(10*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a^10*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_1/2*a*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*(9*A*b*
             15/2*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^2-30*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x+_
             42*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x+15*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^2+_
             5*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^3+5/4*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^4+_
             1/5*b^9*(A*b+10*a*B)*x^5+1/6*b^10*B*x^6+42*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*log(x)
--R
--R
```

```
--R
     (2)
           5 5 6 4 5
--R
--R
        (15120A \ a \ b + 12600B \ a \ b ) x \log(x) + 10B \ b \ x
--R
             10 9 10 9 2 8 9
--R
        (12A b + 120B a b)x + (150A a b + 675B a b)x
--R
--R
--R
                       3 7 8
                                       3 7
        (900A a b + 2400B a b )x + (3600A a b + 6300B a b )x
--R
--R
               4 6 5 5 6
                                           6 4 7 3 4
--R
        (12600A a b + 15120B a b )x + (- 12600A a b - 7200B a b )x
--R
--R
--R
                          8 2 3
                                         8 2
--R
        (- 3600A a b - 1350B a b )x + (- 900A a b - 200B a b)x
--R
--R
                       10
                             10
--R
        (- 150A a b - 15B a )x - 12A a
--R /
--R
--R
      60x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 392
--S 393 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
             5 5 6 4 5 10 11
--R
--R
        (15120A \ a \ b + 12600B \ a \ b ) x \log(x) + 10B \ b x
--R
--R
                       9 10
--R
        (12A b + 120B a b)x + (150A a b + 675B a b)x
--R
                                      3 7 4 6 7
             28 378
--R
--R
        (900A \ a \ b + 2400B \ a \ b )x + (3600A \ a \ b + 6300B \ a \ b )x
--R
--R
                      5 5 6
                                            6 4
        (12600A a b + 15120B a b )x + (- 12600A a b - 7200B a b )x
--R
--R
                7 3 8 2 3
                                          8 2
--R
--R
        (- 3600A a b - 1350B a b )x + (- 900A a b - 200B a b)x
--R
--R
                9
                    10 10
--R
        (-150A \ a \ b - 15B \ a \ )x - 12A \ a
--R /
--R
--R
      60x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--Е 393
--S 394 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 394
--S 395 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 395
)clear all
--S 396 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^7
--R
--R
--R
     (1)
           10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
        B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
              2 8
                   3 7 8
                                   3 7
--R
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
               46 556 55 645
--R
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
               6 4
                         734
                                        7 3
        (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
                                    9
--R
              8 2
                       9 2
                                           10
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
        7
--R
--R
       x
--R.
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 396
--S 397 of 1293
r0:=-1/6*a^10*A/x^6-1/5*a^9*(10*A*b+a*B)/x^5-5/4*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^4-_
    5*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^3-15*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^2-
    42*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x+30*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x+_
    15/2*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^2+5/3*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^3+_
```

```
1/4*b^9*(A*b+10*a*B)*x^4+1/5*b^10*B*x^5+42*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
          4 6 5 5 6 10 11
--R
--R
        (12600A \ a \ b + 15120B \ a \ b ) x \log(x) + 12B \ b x
--R
--R
                       9 10
        (15A b + 150B a b)x + (200A a b + 900B a b)x
--R
--R
--R
              28 378
                                       3 7
                                               4 6 7
        (1350A \ a \ b + 3600B \ a \ b ) x + (7200A \ a \ b + 12600B \ a \ b ) x
--R
--R
--R
                            645
                                            6 4
--R
       (- 15120A a b - 12600B a b )x + (- 6300A a b - 3600B a b )x
--R
--R
                7 3 8 2 3
                                         8 2
        (- 2400A a b - 900B a b )x + (- 675A a b - 150B a b)x
--R
--R
--R
               9 10 10
--R
        (-120A a b - 12B a )x - 10A a
--R /
--R
--R
      60x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 397
--S 398 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
              4 6 5 5 6
--R
--R
        (12600A \ a \ b + 15120B \ a \ b ) x \log(x) + 12B \ b x
--R
                       9 10 9 2 8 9
--R
--R
        (15A b + 150B a b)x + (200A a b + 900B a b)x
--R
                     3 7 8
--R
              2 8
                                       3 7
        (1350A \ a \ b + 3600B \ a \ b ) x + (7200A \ a \ b + 12600B \ a \ b ) x
--R
--R
                5 5
--R
                       6 4 5
                                             6 4
--R
        (- 15120A a b - 12600B a b )x + (- 6300A a b - 3600B a b )x
--R
--R
                 7 3 8 2 3 8 2 9 2
        (- 2400A a b - 900B a b )x + (- 675A a b - 150B a b)x
--R
--R
--R
        (- 120A a b - 12B a )x - 10A a
--R
--R /
```

```
--R
--R
       60x
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 398
--S 399 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 399
--S 400 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 400
)clear all
--S 401 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^8
--R
--R
--R
     (1)
--R
           10 11 10 9 10
        B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
--R
              28 378 37 467
--R
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
              4 6
                         5 5 6
                                        5 5
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
               6 4
                         734
                                     7 3
        (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
                                    9
--R
             8 2
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
        8
--R
       x
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 401
--S 402 of 1293
r0:=-1/7*a^10*A/x^7-1/6*a^9*(10*A*b+a*B)/x^6-a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^5-_
```

```
15/4*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^4-10*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^3-_
    21*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^2-42*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x+
    15*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x+5/2*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^2+_
    1/3*b^9*(A*b+10*a*B)*x^3+1/4*b^10*B*x^4+30*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
                3 7
--R
                            467
        (10080A \ a \ b + 17640B \ a \ b ) x log(x) + 21B \ b x
--R
--R
                        9 10
                                        9 289
--R
        (28A b + 280B a b)x + (420A a b + 1890B a b)x
--R
--R
--R
                       3 7 8
                                              4 6
--R
        (3780A a b + 10080B a b )x + (- 17640A a b - 21168B a b )x
--R
                         6 4 5
--R
                 5 5
                                              6 4
                                                          734
        (- 10584A a b - 8820B a b )x + (- 5880A a b - 3360B a b )x
--R
--R
--R
                 7 3 8 2 3 8 2
--R
        (-2520A \ a \ b \ -945B \ a \ b \ )x + (-756A \ a \ b \ -168B \ a \ b)x
--R
--R
                     10
--R
         (-140A a b - 14B a )x - 12A a
--R /
        7
--R
--R
       84x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 402
--S 403 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                3 7 4 6 7
--R
--R
        (10080A \ a \ b + 17640B \ a \ b ) x \log(x) + 21B \ b x
--R
--R
                        9 10
        (28A b + 280B a b)x + (420A a b + 1890B a b)x
--R
--R
                      3 7 8
                                                          5 5 6
--R
               2 8
                                              4 6
--R.
        (3780A a b + 10080B a b )x + (- 17640A a b - 21168B a b )x
--R
                                       6 4 7 3 4
--R
                 5 5 6 4 5
        (-10584A \ a \ b \ -8820B \ a \ b \ )x \ + (-5880A \ a \ b \ -3360B \ a \ b \ )x
--R
--R
--R
                          8 2 3
                                           8 2
        (-2520A \ a \ b \ -945B \ a \ b \ )x + (-756A \ a \ b \ -168B \ a \ b)x
--R
--R
```

```
--R
                   10 10
--R
        (- 140A a b - 14B a )x - 12A a
--R /
--R
--R
      84x
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 403
--S 404 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 404
--S 405 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 405
)clear all
--S 406 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^9
--R
--R
--R
     (1)
          10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
       Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
--R
            2 8
                       3 7 8
                                      3 7
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                       5 5 6
--R
             4 6
                                   5 5
                                                645
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
              6 4
                        734
                                       7 3
--R
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
                                  9
--R
            8 2
                    9 2
                                         10
        (45A a b + 10B a b)x + (10A a b + B a )x + A a
--R
--R /
--R
--R
       х
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 406
```

```
--S 407 of 1293
r0:=-1/8*a^10*A/x^8-1/7*a^9*(10*A*b+a*B)/x^7-5/6*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^6-_
    3*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^5-15/2*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^4-
    14*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^3-21*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x^2-_
    30*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)/x+5*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x+_
    1/2*b^9*(A*b+10*a*B)*x^2+1/3*b^10*B*x^3+15*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                28 378
                                               10 11
--R
         (7560A \ a \ b + 20160B \ a \ b ) x \log(x) + 56B \ b x
--R
--R
                         9 10
--R
         (84A b + 840B a b)x + (1680A a b + 7560B a b)x
--R
--R.
                   3 7
                               4 6 7
                                                  4 6
        (-20160A \ a \ b \ -35280B \ a \ b \ )x + (-17640A \ a \ b \ -21168B \ a \ b \ )x
--R
--R
--R
                          6 4 5
                                           6 4
--R
        (- 14112A a b - 11760B a b )x + (- 8820A a b - 5040B a b )x
--R
--R
                  7 3
                             8 2 3
                                              8 2
         (- 4032A a b - 1512B a b )x + (- 1260A a b - 280B a b)x
--R
--R
                 9 10 10
--R
--R
         (-240A \ a \ b - 24B \ a \ )x - 21A \ a
--R /
--R
--R
       168x
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 407
--S 408 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                2 8 3 7 8
--R
--R
         (7560A \ a \ b + 20160B \ a \ b ) x \log(x) + 56B \ b x
--R
--R
             10
                         9 10
                                          9
                                                289
--R.
         (84A b + 840B a b)x + (1680A a b + 7560B a b)x
--R
--R
                   3 7
                          467
                                                 4 6
         (-20160A \ a \ b \ -35280B \ a \ b \ )x \ + (-17640A \ a \ b \ -21168B \ a \ b \ )x
--R
--R
--R
                                645
                                                 6 4
        (- 14112A a b - 11760B a b )x + (- 8820A a b - 5040B a b )x
--R
--R
```

```
7 3 8 2 3 8 2 9 2
--R
--R
       (-4032A a b - 1512B a b )x + (-1260A a b - 280B a b)x
--R
               9 10
                              10
--R
       (- 240A a b - 24B a )x - 21A a
--R
--R /
--R
--R
      168x
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 408
--S 409 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 409
--S 410 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 410
)clear all
--S 411 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^10
--R
--R
--R
    (1)
          10 11 10 9 10
--R
       B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
--R
            28 378
--R
                                   3 7
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
--R
             4 6
                    5 5 6
                                     5 5
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
                    7 3 4
--R
              6 4
                                     7 3
        (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
            8 2 9 2 9 10 10
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
       10
```

```
--R
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 411
--S 412 of 1293
r0:=-1/9*a^10*A/x^9-1/8*a^9*(10*A*b+a*B)/x^8-5/7*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^7-_1
    5/2*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^6-6*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^5-
    21/2*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^4-14*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x^3-
    15*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)/x^2-15*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)/x+_
    b^9*(A*b+10*a*B)*x+1/2*b^10*B*x^2+5*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                           289
--R
         (5040A \ a \ b + 22680B \ a \ b ) x \log(x) + 252B \ b x
--R
--R.
                     9 10
                                           2 8
         (504A b + 5040B a b )x + (- 22680A a b - 60480B a b )x
--R
--R
--R
                  3 7 4 6 7
                                          4 6
--R
        (- 30240A a b - 52920B a b )x + (- 35280A a b - 42336B a b )x
--R
--R
                  5 5
                              645
                                                 6 4
        (- 31752A a b - 26460B a b )x + (- 21168A a b - 12096B a b )x
--R
--R
                   7 3 8 2 3 8 2 9 2
--R
--R
        (-10080A \ a \ b \ -3780B \ a \ b \ )x + (-3240A \ a \ b \ -720B \ a \ b)x
--R
                    10
--R
                9
                               10
--R
         (-630A \ a \ b - 63B \ a \ )x - 56A \ a
--R /
--R
          9
--R
       504x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 412
--S 413 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                     289
--R
                 9
--R.
         (5040A \ a \ b + 22680B \ a \ b ) x log(x) + 252B \ b x
--R.
                    9 10
                                     2 8
--R.
                                                        3 7 8
         (504A b + 5040B a b )x + (- 22680A a b - 60480B a b )x
--R
--R
--R
                              467
                                                4 6
        (- 30240A a b - 52920B a b )x + (- 35280A a b - 42336B a b )x
--R
--R
```

```
5 5 6 4 5
                                    6 4 7 3 4
--R
--R
        (- 31752A a b - 26460B a b )x + (- 21168A a b - 12096B a b )x
--R
--R
                 7 3
                           8 2 3
                                            8 2
--R
        (- 10080A a b - 3780B a b )x + (- 3240A a b - 720B a b)x
--R
               9 10
--R
--R
       (- 630A a b - 63B a )x - 56A a
--R /
--R
--R
      504x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 413
--S 414 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 414
--S 415 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 415
)clear all
--S 416 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^11
--R
--R
--R
     (1)
          10 11 10 9 10
--R
--R
       B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
            2 8
                      3 7 8
                                    3 7
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
              46 556
                                    5 5
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
             64 734 73 823
--R
--R
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b ) x
--R
--R
            8 2 9 2
                               9 10 10
```

```
--R
       (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
      11
--R
       X
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 416
--S 417 of 1293
r0:=-1/10*a^10*A/x^10-1/9*a^9*(10*A*b+a*B)/x^9-5/8*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^8-_
    15/7*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^7-5*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^6-_
    42/5*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^5-21/2*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x^4-
    10*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)/x^3-15/2*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)/x^2-_
    5*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)/x+b^10*B*x+b^9*(A*b+10*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
               10 9 10
                                        10 11
--R
         (2520A b + 25200B a b)x log(x) + 2520B b x
--R
                                            2 8
--R
                        289
--R
         (-25200A \ a \ b \ -113400B \ a \ b \ )x \ + (-56700A \ a \ b \ -151200B \ a \ b \ )x
--R
--R
                    3 7
                                 467
                                              4 6
--R
        (- 100800A a b - 176400B a b )x + (- 132300A a b - 158760B a b )x
--R
                        6 4 5 6 4 7 3 4
--R
--R
        (-127008A \ a \ b \ -105840B \ a \ b \ )x + (-88200A \ a \ b \ -50400B \ a \ b \ )x
--R
--R
                   7 3
                              8 2 3
                                                  8 2
--R
         (-43200A \ a \ b \ -16200B \ a \ b \ )x \ + (-14175A \ a \ b \ -3150B \ a \ b)x
--R
                  9 10 10
--R
--R
         (-2800A \ a \ b - 280B \ a \ )x - 252A \ a
--R /
--R
          10
--R
       2520x
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 417
--S 418 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                      9 10 10 11
--R.
                10
--R
         (2520A b + 25200B a b)x log(x) + 2520B b x
--R
--R
                               289
                                                  2 8
        (- 25200A a b - 113400B a b )x + (- 56700A a b - 151200B a b )x
--R
--R
```

```
3 7 4 6 7 4 6 5 5 6
--R
--R
       (- 100800A a b - 176400B a b )x + (- 132300A a b - 158760B a b )x
--R
--R
                 5 5
                             6 4 5
                                             6 4
       (- 127008A a b - 105840B a b )x + (- 88200A a b - 50400B a b )x
--R
--R
                7 3 8 2 3
                                           8 2 9 2
--R
      (- 43200A a b - 16200B a b )x + (- 14175A a b - 3150B a b)x
--R
--R
                              10
                    10
--R
--R
       (-2800A a b - 280B a )x - 252A a
--R /
--R
         10
--R
      2520x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 418
--S 419 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 419
--S 420 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 420
)clear all
--S 421 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^12
--R
--R
--R
    (1)
         10 11 10 9 10
--R
                                          9 289
--R
       B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R.
           28 378
--R.
                                 3 7
--R
       (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
            46 556 55 645
--R
--R
      (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
             6 4 7 3 4 7 3 8 2 3
```

```
(210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
--R
             8 2 9 2 9 10 10
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
      12
--R
      x
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 421
--S 422 of 1293
r0:=-1/10*a^10*B/x^10-10/9*a^9*b*B/x^9-45/8*a^8*b^2*B/x^8-_
    120/7*a^7*b^3*B/x^7-35*a^6*b^4*B/x^6-252/5*a^5*b^5*B/x^5-_
    105/2*a^4*b^6*B/x^4-40*a^3*b^7*B/x^3-45/2*a^2*b^8*B/x^2-_
    10*a*b^9*B/x-1/11*A*(a+b*x)^11/(a*x^11)+b^10*B*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
                                            10 2 9 10
                            11 11
--R
                10 11
        27720B a b x log(x) - 2520A b x + (-27720A a b -277200B a b )x
--R
--R
                       3 8 9 3 8 4 7 8
--R
                  2 9
--R
       (- 138600A a b - 623700B a b )x + (- 415800A a b - 1108800B a b )x
--R
                                567
--R
                   4 7
                                                  5 6
        (-831600A a b - 1455300B a b )x + (-1164240A a b - 1397088B a b )x
--R
--R
--R
                   6 5 7 4 5 7 4 8 3 4
--R
        (- 1164240A a b - 970200B a b )x + (- 831600A a b - 475200B a b )x
--R
--R
                  8 3
                               923
                                                  9 2
--R
        (-415800A a b - 155925B a b )x + (-138600A a b - 30800B a b)x
--R
                      11
--R
--R
        (-27720A \ a \ b - 2772B \ a \ )x - 2520A \ a
--R /
--R
            11
--R
       27720a x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 422
--S 423 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
--R
        27720B b x log(x) + (-27720A b - 277200B a b)x
--R
--R
                    9
                               289
                                                  28 378
```

```
(- 138600A a b - 623700B a b )x + (- 415800A a b - 1108800B a b )x
--R
--R
                 3 7 4 6 7 4 6 5 5 6
--R
--R
       (-831600A \ a \ b \ -1455300B \ a \ b \ )x \ + (-1164240A \ a \ b \ -1397088B \ a \ b \ )x
--R
--R
                 5 5
                              645
                                               6 4
       (- 1164240A a b - 970200B a b )x + (- 831600A a b - 475200B a b )x
--R
--R
                7 3 8 2 3 8 2 9 2
--R
      (- 415800A a b - 155925B a b )x + (- 138600A a b - 30800B a b)x
--R
--R
               9
                      10 10
--R
       (- 27720A a b - 2772B a )x - 2520A a
--R
--R /
--R
        11
--R
      27720x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 423
--S 424 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
        11
--R
     A b
--R
   (4) -----
--R
--R
        11a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 424
--S 425 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 425
)clear all
--S 426 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^13
--R.
--R
--R (1)
         10 11 10 9 10
--R
--R
      Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
         28 378 37 467
--R
      (45A a b + 120B a b )x + (120A a b + 210B a b )x
--R
```

```
--R
            46 556 55 645
--R
--R
       (210A a b + 252B a b )x + (252A a b + 210B a b )x
--R
             6 4 7 3 4 7 3 8 2 3
--R
--R
      (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
           8 2 9 2
                              9 10
--R
       (45A a b + 10B a b)x + (10A a b + B a )x + A a
--R
--R /
--R
       13
--R
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 426
--S 427 of 1293
\texttt{r0:=-1/12*A*(a+b*x)^11/(a*x^12)+1/132*(A*b-12*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^11)}
--R
--R
--R
    (2)
        1 12 1 11 12 2 10 11 1 2 10 3 9 10
--R
        (--- A b - -- B a b )x - B a b x + (- - A a b - 5B a b )x
--R
--R
                11
       132
--R
--R
         10 3 9 4 8 9 45 4 8 5 7 8
--R
        (--- A a b - 15B a b )x + (--- A a b - 30B a b )x
--R
--R
             5 7 6 6 7 6 6 7 5 6
--R
--R
       (- 24A a b - 42B a b )x + (- 35A a b - 42B a b )x
--R
              7 5 8 4 5 105 8 4 9 3 4
--R
--R
        (- 36A a b - 30B a b )x + (- --- A a b - 15B a b )x
--R
--R
         40 9 3 10 2 3 9 10 2 11 2
--R
--R
       (--- A a b - 5B a b)x + (-- A a b - B a b)x
--R
--R
         10 11
                   1 12
--R
       (---Aab---Ba)x---Aa
--R
--R
         11
                   11
--R /
--R
      2 12
--R
      аx
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 427
--S 428 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
    (3)
             10 11 10 9 10
--R
--R
       - 132B b x + (- 66A b - 660B a b )x + (- 440A a b - 1980B a b )x
--R
               28 378 37 467
--R
      (- 1485A a b - 3960B a b )x + (- 3168A a b - 5544B a b )x
--R
--R
               4 6
                        5 5 6
--R
                                        5 5
--R
       (-4620A a b -5544B a b )x + (-4752A a b -3960B a b )x
--R
               6 4 7 3 4
                                       7 3
--R
       (- 3465A a b - 1980B a b )x + (- 1760A a b - 660B a b )x
--R
--R
--R
             8 2 9 2
                                9 10 10
--R
       (- 594A a b - 132B a b)x + (- 120A a b - 12B a )x - 11A a
--R /
--R
--R
      132x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 428
--S 429 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
           12 11
--R
        - A b + 12B a b
--R (4) -----
            2
--R
--R
             132a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 429
--S 430 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 430
)clear all
--S 431 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^14
--R
--R
--R (1)
```

```
10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
       B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
           28 378
                              3 7
                                          4 6 7
--R
       (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
            46 556 55 645
--R
--R
       (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
            6 4
                     734
                                  7 3
                                          8 2 3
--R
       (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
            8 2 9 2
                              9 10 10
--R
       (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
      14
--R
      х
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 431
--S 432 of 1293
r0:=-1/13*A*(a+b*x)^11/(a*x^13)+1/156*(2*A*b-13*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^12)-_
    1/1716*b*(2*A*b-13*a*B)*(a+b*x)^11/(a^3*x^11)
--R
--R
--R
    (2)
          1 13 1 12 13 1 3 10 11
--R
--R
        (---- A b + --- B a b )x - - B a b x
--R
         858
                   132
--R
         1 3 10 10 4 9 10 5 4 9 45 5 8 9
--R
--R
        (--Aab ---Bab)x + (--Aab ---Bab)x
--R
--R
            5 8 6 7 8
--R
                                  6 7
                                          767
       (- 9A a b - 24B a b )x + (- 20A a b - 35B a b )x
--R
--R
--R
             76 856
                               63 8 5 105 9 4 5
--R
        (- 30A a b - 36B a b )x + (- -- A a b - --- B a b )x
--R
--R
--R
         70 9 4 40 10 3 4 10 3 9 11 2 3
--R.
        (---Aab ---Bab)x + (-12Aab ---Bab)x
--R
--R
--R
         45 11 2 10 12 2 5 12 1 13 1 13
--R
        (--- A a b --- B a b)x + (-- A a b --- B a )x --- A a
--R
         11
                   11
                                          12
--R /
--R
       3 13
```

```
--R
     a x
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--R
--E 432
--S 433 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
             10 11 10
--R
--R
       - 858B b x + (- 572A b - 5720B a b )x
--R
                9 289
                                     28 378
--R
      (- 4290A a b - 19305B a b )x + (- 15444A a b - 41184B a b )x
--R
--R
--R
                3 7
                           467
                                            4 6
                                                       5 5 6
--R
       (-34320A \ a \ b \ -60060B \ a \ b \ )x \ + (-51480A \ a \ b \ -61776B \ a \ b \ )x
--R
                       6 4 5
--R
                                            6 4
                5 5
      (- 54054A a b - 45045B a b )x + (- 40040A a b - 22880B a b )x
--R
--R
                7 3 8 2 3 8 2 9 2
--R
--R
      (- 20592A a b - 7722B a b )x + (- 7020A a b - 1560B a b)x
--R
--R
              9 10
--R
       (- 1430A a b - 143B a )x - 132A a
--R /
--R
          13
--R
      1716x
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 433
--S 434 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
          13 12
--R
       2A b - 13B a b
--R
--R (4) -----
--R
--R
            1716a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 434
--S 435 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 435
)clear all
--S 436 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^15
--R
--R
     (1)
--R
                  10 9 10
--R
          10 11
                                            9
                                                   289
        B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
            28 378
--R
                                   3 7
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
              4 6
                    5 5 6
                                  5 5
                                            6 4 5
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
              6 4
                    734
                                     7 3
                                              8 2 3
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
--R
            8 2 9 2 9 10 10
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
      15
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 436
--S 437 of 1293
\texttt{r0:=-1/14*A*(a+b*x)^11/(a*x^14)+1/182*(3*A*b-14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_}
    1/1092*b*(3*A*b-14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^3*x^12)+_
    1/12012*b^2*(3*A*b-14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^4*x^11)
--R
--R
     (2)
--R
--R
          1 14 1
                          13 14 1 4 10 11
        (---- A b - --- B a b )x - - B a b x 4004 858 3
--R
         4004 858
--R
--R
          1 4 10 5 5 9 10 5 9
--R
        (--Aab --Bab)x + (-2Aab -9Bab)x
--R
--R.
                   2
          4
--R
--R
          15 68 778
                                  120 7 7
                                               867
--R
        (- -- A a b - 20B a b )x + (- --- A a b - 30B a b )x
--R
--R
          105 8 6 63 9 5 6 9 5 70 10 4 5
--R
--R
        (---- A a b --- B a b )x + (- 28A a b --- B a b )x
```

```
--R
--R
      10 4 11 3 4 120 11 3 45 12 2 3
--R
--R
      (-21A a b -12B a b)x + (---- A a b --- B a b)x
--R
                               11
--R
        15 12 2 5 13 2 10 13 1 14 1 14
--R
--R
       (---Aab--Bab)x + (---Aab---Ba)x ---Aa
                            13 13 14
--R
--R /
--R
      4 14
--R
     аx
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 437
--S 438 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
            10 11 10 9 10
--R
      -4004B b x + (-3003A b -30030B a b )x
--R
--R
          9 289 28 378
--R
--R
      (- 24024A a b - 108108B a b )x + (- 90090A a b - 240240B a b )x
--R
                   4 6 7
                                  4 6
--R
--R
      (- 205920A a b - 360360B a b )x + (- 315315A a b - 378378B a b )x
--R
               5 5 6 4 5 6 4 7 3 4
--R
--R
      (- 336336A a b - 280280B a b )x + (- 252252A a b - 144144B a b )x
--R
--R
              7 3
                        8 2 3
                                       8 2
--R
      (- 131040A a b - 49140B a b )x + (- 45045A a b - 10010B a b)x
--R
             9 10
--R
--R
      (- 9240A a b - 924B a )x - 858A a
--R /
--R
--R
     12012x
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 438
--S 439 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
        14 13
--R
--R - 3A b + 14B a b
--R (4) -----
```

```
--R
--R
                12012a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 439
--S 440 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 440
)clear all
--S 441 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^16
--R
--R
--R
    (1)
--R
           10 11 10 9 10
--R
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
               28 378 37 467
--R
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
               4 6
                      5 5 6
--R
         (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
               64 734 73 823
--R
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
              8 2
                       9 2
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
        16
--R
       x
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 441
--S 442 of 1293
\texttt{r0:=-1/15*A*(a+b*x)^11/(a*x^15)+1/210*(4*A*b-15*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_1}
    1/910*b*(4*A*b-15*a*B)*(a+b*x)^11/(a^3*x^13)+_
    1/5460*b^2*(4*A*b-15*a*B)*(a+b*x)^11/(a^4*x^12)-_
    1/60060*b^3*(4*A*b-15*a*B)*(a+b*x)^11/(a^5*x^11)
--R
--R
--R
     (2)
            1 15 1 14 15 1 5 10 11
--R
         (----- A b + ---- B a b )x - - B a b x
--R
```

```
15015 4004 4
--R
--R
        1 5 10 6 9 10 5 6 9 15 7 8 9
--R
--R
       (--Aab - 2Bab)x + (--Aab - -- Bab)x
--R
--R
        45 78 120 87 8
--R
                                  8 7 105 9 6 7
--R
       (---Aab ----Bab)x + (-15Aab -----Bab)x
--R
--R
--R
        70 9 6 10 5 6 126 10 5 11 4 5
       (---Aab-28Bab)x + (----Aab-21Bab)x
--R
--R
--R
        210 11 4 120 12 3 4 12 3 15 13 2 3
--R
--R
       (----Aab ----Bab)x + (-10Aab ----Bab)x
--R
                   11
--R
        45 13 2 10 14 2 5 14 1 15 1 15
--R
--R
       (---Aab---Bab)x + (--Aab---Ba)x - ---Aa
--R
--R /
--R
      5 15
--R
      ах
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 442
--S 443 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
       -15015B b x + (-12012A b - 120120B a b)x
--R
              9 289
                                    28 378
--R
--R
       (- 100100A a b - 450450B a b )x + (- 386100A a b - 1029600B a b )x
--R
                     467
--R
               3 7
                                           4 6
--R
       (-900900A \ a \ b \ -1576575B \ a \ b \ )x \ + (-1401400A \ a \ b \ -1681680B \ a \ b \ )x
--R
                      6 4 5
               5 5
--R
                                            6 4
                                                       734
--R
       (- 1513512A a b - 1261260B a b )x + (- 1146600A a b - 655200B a b )x
--R
                7 3 8 2 3 8 2 9 2
--R
       (-600600A \ a \ b \ -225225B \ a \ b \ )x \ + (-207900A \ a \ b \ -46200B \ a \ b)x
--R
--R
--R
                   10
       (-42900A \ a \ b - 4290B \ a \ )x - 4004A \ a
--R
--R /
```

```
--R
      15
--R
      60060x
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 443
--S 444 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
           15 14
--R
--R
       4A b - 15B a b
    (4) -----
--R
          5
--R
--R
            60060a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 444
--S 445 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 445
)clear all
--S 446 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^17
--R
--R
--R
    (1)
         10 11 10 9 10
--R
--R
       Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
           28 378 37 467
--R
--R
       (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
                                    5 5
--R
             46 556
                                           6 4 5
--R
       (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
                   7 3 4 7 3
            6 4
                                           8 2 3
--R.
       (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
           8 2 9 2
                              9 10 10
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
       17
--R
      x
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
```

```
--E 446
--S 447 of 1293
r0:=-1/16*A*(a+b*x)^11/(a*x^16)+1/240*(5*A*b-16*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^15)-_
    1/840*b*(5*A*b-16*a*B)*(a+b*x)^11/(a^3*x^14)+_
    1/3640*b^2*(5*A*b-16*a*B)*(a+b*x)^11/(a^4*x^13)-_
    1/21840*b^3*(5*A*b-16*a*B)*(a+b*x)^11/(a^5*x^12)+_
    1/240240*b^4*(5*A*b-16*a*B)*(a+b*x)^11/(a^6*x^11)
--R
--R
--R
     (2)
         1 16 1 15 16 1 6 10 11
--R
        (----- A b - ----- B a b )x - - B a b x
48048 15015 5
--R
--R
--R
--R
         1 6 10 5 7 9 10 10 7 9 45 8 8 9
--R.
        (--Aab --Bab)x + (---Aab --- Bab)x
--R
         6 3
--R
         45 88 978 40 97 70 1067
--R
--R
        (--- A a b - 15B a b )x + (--- A a b --- B a b )x
--R
--R
--R
          10 6 126 11 5 6 252 11 5 210 12 4 5
        (-21A \ a \ b \ ---- B \ a \ b )x + (---- A \ a \ b \ ---- B \ a \ b )x
--R
--R
                    5
                                     11
--R
         35 12 4 13 3 4 120 13 3 45 14 2 3
--R
--R
        (--- A a b - 10B a b)x + (---- A a b --- B a b)x
--R.
                                    13
--R
--R
         45 14 2 5 15 2 2 15 1 16 1 16
--R
        (--- A a b - - B a b)x + (-- A a b - -- B a )x - -- A a
--R
                                   3 15
--R /
--R
       6 16
--R
      ах
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 447
--S 448 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R.
--R (3)
--R
               10 11
                          10
                                            9 10
--R
       -48048B b x + (-40040A b -400400B a b)x
--R
                9 289 28 378
--R
--R
        (-343200 \text{A a b } -1544400 \text{B a b }) x + (-1351350 \text{A a b } -3603600 \text{B a b }) x
```

```
--R
          3 7 4 6 7 4 6 5 5 6
--R
--R
       (- 3203200A a b - 5605600B a b )x + (- 5045040A a b - 6054048B a b )x
--R
                5 5 6 4 5 6 4 7 3 4
--R
      (- 5503680A a b - 4586400B a b )x + (- 4204200A a b - 2402400B a b )x
--R
--R
--R
                7 3
                           8 2 3
                                           8 2
--R
      (- 2217600A a b - 831600B a b )x + (- 772200A a b - 171600B a b)x
--R
--R
               9 10 10
       (- 160160A a b - 16016B a )x - 15015A a
--R
--R /
--R
--R
      240240x
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 448
--S 449 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         16 15
--R - 5A b + 16B a b
--R (4) -----
           6
--R
        240240a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 449
--S 450 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 450
)clear all
--S 451 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^18
--R.
--R
--R (1)
        10 11 10 9 10
--R
       B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
--R
         28 378 37 467
--R
     (45A a b + 120B a b )x + (120A a b + 210B a b )x
--R
```

```
--R
             46 556 55 645
--R
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
              64 734 73 823
--R
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
                    9 2
                                      10
--R
            8 2
                                 9
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
       18
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 451
--S 452 of 1293
r0:=-1/17*A*(a+b*x)^11/(a*x^17)+1/272*(6*A*b-17*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^16)-_
    1/816*b*(6*A*b-17*a*B)*(a+b*x)^11/(a^3*x^15)+_
    1/2856*b^2*(6*A*b-17*a*B)*(a+b*x)^11/(a^4*x^14)-_
    1/12376*b^3*(6*A*b-17*a*B)*(a+b*x)^11/(a^5*x^13)+_
    1/74256*b^4*(6*A*b-17*a*B)*(a+b*x)^11/(a^6*x^12)-_
    1/816816*b^5*(6*A*b-17*a*B)*(a+b*x)^11/(a^7*x^11)
--R
--R
--R
     (2)
--R
             1 17 1 16 17 1 7 10 11
--R
        (----- A b +---- B a b )x -- B a b x
--R
          136136 48048
--R
--R.
          1 7 10 10 8 9 10 5 8 9 45 9 8 9
--R
        (--Aab ---Bab)x + (--Aab ---Bab)x
--R
--R
                                      10 7 11 6 7
--R
             9 8 40 10 7 8
--R
        (-5A \ a \ b \ --- B \ a \ b \ )x + (-12A \ a \ b \ -21B \ a \ b \ )x
--R
--R
           210 11 6 252 12 5 6
--R
                                          12 5 35 13 4 5
        (---- A a b ---- B a b)x + (-21A a b --- B a b)x
--R
--R
--R
--R
          210 13 4 120 14 3 4 60 14 3 45 15 2 3
--R.
        (----Aab ----Bab)x + (----Aab ----Bab)x
--R.
                      13
--R
--R
            15 2 2 16 2 5 16
                                           1 17
        (-3A \ a \ b \ --B \ a \ b)x + (--A \ a \ b \ ---B \ a \ )x ---A \ a
--R
--R
                                          16
--R /
--R
       7 17
```

```
--R
      a x
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 452
--S 453 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                         10
--R
                10 11
--R
       - 136136B b x + (- 116688A b - 1166880B a b )x
--R
                 9
--R
       (- 1021020A a b - 4594590B a b )x
--R
--R
--R
                 2 8
                               3 7 8
--R
       (- 4084080A a b - 10890880B a b )x
--R
--R
                 3 7
                               467
       (- 9801792A a b - 17153136B a b )x
--R
--R
--R
                  4 6
--R
      (- 15593760A a b - 18712512B a b )x
--R
--R
                                645
                   5 5
       (- 17153136A a b - 14294280B a b )x
--R
--R
                        7 3 4
--R
                   6 4
--R
       (- 13194720A a b - 7539840B a b )x
--R
                                         8 2 9 2
                 7 3
                        8 2 3
--R
       (- 7001280A a b - 2625480B a b )x + (- 2450448A a b - 544544B a b)x
--R
--R
                  9 10 10
--R
--R
       (-510510A \ a \ b - 51051B \ a \ )x - 48048A \ a
--R /
--R
           17
--R
      816816x
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 453
--S 454 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
          17 16
--R
--R
       6A b - 17B a b
--R
    (4) -----
          7
--R
--R
     816816a
```

```
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 454
--S 455 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 455
)clear all
--S 456 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^19
--R
--R
--R
    (1)
          10 11 10 9 10
--R
                                              9 289
--R
        B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
              28 378 37 467
--R
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                     5 5 6
                                                 645
               4 6
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
               6 4 7 3 4 7 3
--R
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R.
                    9 2
--R
              8 2
                                   9
                                          10
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
       19
--R
       x
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 456
--S 457 of 1293
r0:=-1/18*a^10*A/x^18-1/17*a^9*(10*A*b+a*B)/x^17-_
    5/16*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^16-a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^15-_
    15/7*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^14-42/13*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^13-_
    7/2*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x^12-30/11*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)/x^11-_
    3/2*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)/x^10-5/9*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)/x^9-_
    1/8*b^9*(A*b+10*a*B)/x^8-1/7*b^10*B/x^7
--R
--R
--R
     (2)
          1 10 11 1 10 5 9 10 10 9 2 8 9
--R
        --Bbx+(--Ab---Bab)x+(---Aab-5Bab)x
--R
```

```
8 4 9
--R
--R
       9 2 8 3 7 8 120 3 7 210 4 6 7
--R
--R
       (-- A a b - 12B a b )x + (---- A a b ---- B a b )x
--R
                             11
--R
        35 4 6 5 5 6 252 5 5 210 6 4 5
--R
--R
      (---Aab - 21Bab)x + (----Aab - --- Bab)x
--R
--R
        6 4 60 7 3 4 7 3 8 2 3
--R
      (- 15A a b - -- B a b )x + (- 8A a b - 3B a b )x
--R
--R
--R
--R
        45 8 2 5 9 2 10 9
                                     1 10
       (---Aab ---Bab)x + (----Aab ----Ba )x - --- Aa
--R
--R
        16 8 17 17 18
--R /
--R
      18
--R
     X
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 457
--S 458 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
         10 11 10
--R
--R.
      -350064B b x + (-306306A b -3063060B a b )x
       9 289
--R
--R
--R
      (- 2722720A a b - 12252240B a b )x
--R
--R
               2 8
                            3 7 8
      (- 11027016A a b - 29405376B a b )x
--R
--R
--R
                3 7
                            467
      (- 26732160A a b - 46781280B a b )x
--R
--R
--R
                4 6
                            5 5 6
--R
      (- 42882840A a b - 51459408B a b )x
--R
                 5 5
--R
                            645
--R
      (- 47500992A a b - 39584160B a b )x
--R
--R
                6 4
--R
      (- 36756720A a b - 21003840B a b )x
--R
--R
                 7 3
                            8 2 3
                                             8 2 9 2
```

```
(- 19603584A a b - 7351344B a b )x + (- 6891885A a b - 1531530B a b)x
--R
--R
--R
                     9
                                10
                                                 10
--R
         (- 1441440A a b - 144144B a )x - 136136A a
--R /
--R
--R
       2450448x
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 458
--S 459 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 459
--S 460 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 460
)clear all
--S 461 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^20
--R
--R
--R
     (1)
           10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
       Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
             2 8
--R
                        3 7 8
                                       3 7
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
                      5 5 6
                                       5 5
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
--R.
              6 4
                      7 3 4
                                        7 3
                                                8 2 3
--R
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
             8 2
                     9 2
                                    9
                                           10 10
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
        20
--R
       х
```

```
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 461
--S 462 of 1293
r0:=-1/19*a^10*A/x^19-1/18*a^9*(10*A*b+a*B)/x^18-_
    5/17*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^17-15/16*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^16-_
    2*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^15-3*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^14-_
    42/13*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x^13-5/2*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)/x^12-_
    15/11*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)/x^11-1/2*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)/x^10-_
    1/9*b^9*(A*b+10*a*B)/x^9-1/8*b^10*B/x^8
--R
--R
--R
    (2)
         1 10 11 1 10 10 9 10 9 9 2 8 9
--R
       --Bbx+(--Ab----Bab)x+(-Aab---Bab)x
--R
--R
--R.
--R.
         45 28 120 3 7 8 3 7 35 4 6 7
--R
       (---Aab ----Bab)x + (-10Aab ----Bab)x
--R
                   11
--R
         210 4 6 252 5 5 6 5 5 6 4 5
--R
        (---- A a b ---- B a b )x + (-18A a b -15B a b )x
--R
--R
         13
                   13
--R
         6 4 7 3 4 15 7 3 45 8 2 3
--R
--R
        (-14A a b -8B a b)x + (--- A a b --- B a b)x
--R
--R
                                        1 10 1 10
--R
         45 8 2 10 9 2 5 9
--R
        (---Aab ---Bab)x + (--Aab --- Ba )x - -- Aa
                       9 18 19
--R
               17
--R /
--R
      19
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 462
--S 463 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                        10
--R.
               10 11
       - 831402B b x + (-739024A b - 7390240B a b)x
--R
--R
--R
               9
--R
       (- 6651216A a b - 29930472B a b )x
--R
--R
                  2 8
                               3 7 8
```

```
(- 27209520A a b - 72558720B a b )x
--R
--R
                            4 6 7
--R
                     3 7
--R
        (- 66512160A a b - 116396280B a b )x
--R
--R
                     4 6
                                     5 5 6
        (- 107442720A a b - 128931264B a b )x
--R
--R
--R
                    5 5
                                    645
       (- 119721888A a b - 99768240B a b )x
--R
--R
--R
                                   734
                    6 4
        (- 93117024A a b - 53209728B a b )x
--R
--R
                    7 3
--R
                            8 2 3
--R
       (- 49884120A a b - 18706545B a b )x
--R
--R
                   8 2
                                  9 2
--R
       (- 17606160A a b - 3912480B a b)x + (- 3695120A a b - 369512B a )x
--R
--R
--R
        - 350064A a
--R /
        19
--R
--R
       6651216x
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 463
--S 464 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 464
--S 465 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 465
)clear all
--S 466 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^21
--R
--R
```

```
--R
     (1)
          10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
        B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
             28 378 37 467
--R
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
             4 6
                      5 5 6
                                    5 5
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
                      7 3 4
                                   7 3
                                             8 2 3
              6 4
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
--R
            8 2
                   9 2
                                9
                                       10
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
       21
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 466
--S 467 of 1293
r0:=-1/20*a^10*A/x^20-1/19*a^9*(10*A*b+a*B)/x^19-_
    5/18*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^18-15/17*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^17-_
    15/8*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^16-14/5*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^15-_
    3*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x^14-30/13*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)/x^13-_
    5/4*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)/x^12-5/11*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)/x^11-_
    1/10*b^9*(A*b+10*a*B)/x^10-1/9*b^10*B/x^9
--R
--R
--R
     (2)
         1 10 11 1 10 9 10 10 9 45 2 8 9
--R
--R
        --Bbx+(---Ab--Bab)x+(---Aab----Bab)x
--R
--R
         15 28 378
--R
                                 120 3 7 210 4 6 7
--R
        (--- A a b - 10B a b )x + (---- A a b ---- B a b )x
                                   13
--R
--R
--R
              46 556
                                 84 5 5
        (-15A a b - 18B a b )x + (- -- A a b - 14B a b )x
--R
--R
--R.
--R.
          105 6 4 15 7 3 4 120 7 3 45 8 2 3
--R
        (---- A a b --- B a b )x + (---- A a b --- B a b )x
--R
                                     17
--R
--R
          5 8 2 5 9 2
                                10 9
                                          1 10
        (--Aab--Bab)x + (---Aab---Ba)x - ---Aa
--R
--R
                   9
                                 19
                                          19
                                                     20
```

```
--R /
--R
      20
--R
      х
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 467
--S 468 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                            10
--R
                  10 11
        - 1847560B b x + (- 1662804A b - 16628040B a b )x
--R
--R
                 9
--R
                                  289
--R
       (- 15116400A a b - 68023800B a b )x
--R
--R
                   2 8
                                   3 7 8
--R
       (- 62355150A a b - 166280400B a b )x
--R
--R
                    3 7
--R
        (- 153489600A a b - 268606800B a b )x
--R
                            5 5 6
--R
                    4 6
--R
        (- 249420600A a b - 299304720B a b )x
--R
--R
                     5 5
--R
        (- 279351072A a b - 232792560B a b )x
--R
--R
                     6 4
                                    734
--R
        (- 218243025A a b - 124710300B a b )x
--R
--R
                     7 3
--R
       (- 117374400A a b - 44015400B a b )x
--R
                           9 2
                   8 2
--R
       (- 41570100A a b - 9237800B a b)x + (- 8751600A a b - 875160B a )x
--R
--R
--R
                 10
--R
        - 831402A a
--R /
--R
              20
--R
       16628040x
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 468
--S 469 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 469
--S 470 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 470
)clear all
--S 471 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/(d+e*x)^22
--R
--R
--R
   (1)
         10 11 10 9 10
--R
--R
        B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
           28 378 37
--R
       (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
             4 6 5 5 6 5 5 6 4 5
--R
--R
       (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
             6 4 7 3 4
                                    7 3
--R.
       (210A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b ) x
--R
            8 2 9 2 9 10 10
--R
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
        22 22 21 21
                                        3 19 19
--R
                            2 20 20
       e x + 22d e x + 231d e x + 1540d e x + 7315d e x
--R
--R
--R
           5 17 17 6 16 16
                                      7 15 15
--R
        26334d e x + 74613d e x + 170544d e x + 319770d e x
--R
--R
            9 13 13 10 12 12 11 11 11
                                                     12 10 10
        497420d e x + 646646d e x + 705432d e x + 646646d e x
--R
--R
--R
            13 9 9
                         14 8 8
                                      15 7 7
                                                16 6 6
--R
       497420d e x + 319770d e x + 170544d e x + 74613d e x
--R
--R
           17 5 5 18 4 4 19 3 3 20 2 2 21
--R
        26334d e x + 7315d e x + 1540d e x + 231d e x + 22d e x + d
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 471
```

```
--S 472 of 1293
r0:=1/21*(b*d-a*e)^10*(B*d-A*e)/(e^12*(d+e*x)^21)-_
          1/20*(b*d-a*e)^9*(11*b*B*d-10*A*b*e-a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^20)+_
          5/19*b*(b*d-a*e)^8*(11*b*B*d-9*A*b*e-2*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^19)-_
          5/6*b^2*(b*d-a*e)^7*(11*b*B*d-8*A*b*e-3*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^18)+_
          30/17*b^3*(b*d-a*e)^6*(11*b*B*d-7*A*b*e-4*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^17)-_
          21/8*b^4*(b*d-a*e)^5*(11*b*B*d-6*A*b*e-5*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^16)+_
          14/5*b^5*(b*d-a*e)^4*(11*b*B*d-5*A*b*e-6*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^15)-
          15/7*b^6*(b*d-a*e)^3*(11*b*B*d-4*A*b*e-7*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^14)+_
          15/13*b^7*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*b^7*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*b^7*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*b^13*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*b^13*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_15/13*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d-a*e)^2*(b*d
          5/12*b^8*(b*d-a*e)*(11*b*B*d-2*A*b*e-9*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^12)+_
          1/11*b^9*(11*b*B*d-A*b*e-10*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^11)-_
          1/10*b^10*B/(e^12*(d+e*x)^10)
--R
--R
--R
            (2)
--R
                         1 10 11 11 1 10 10 9 11 1 10 10 10
                    ---Bbex+((---Ab----Bab)e ----Bbde)x
--R
--R
                                                                 11
--R
                                 5 9 15 2 8 11 5 10 25 9 10
--R
                            (-- A a b --- B a b )e + (--- A b --- B a b )d e
--R
--R
                                                      4
                                                                                              66
                                  6
--R
                                 1 10 2 9
--R
--R
                            ---Bbde
--R
                                12
--R
--R.
                          9
--R
                        X
--R
--R
                                  45  28  120  37  11  15  9  135  28  10
--R
                            (--- A a b ---- B a b )e + (--- A a b ---- B a b )d e
                                                        13
--R
                                 13
                                                                                                  26
--R
--R
                                  15 10 75
                                                                        9 2 9 3 10 3 8
--R
                            (---- A b ---- B a b )d e --- B b d e
                                                      143
--R
                                  286
--R
--R
                          8
--R
                        x
--R.
--R.
                                 60 3 7 4 6 11 180 2 8 480 3 7 10
                            (---Aab - 15Bab)e + (----Aab -----Bab)de
--R
--R
                                                                                               91
--R
--R
                                         9 135 2829
                                                                                                                                                9 3 8
                                                                                                   30 10 300
                            (---Aab ----Bab)de + (-----Ab ------Bab)de
--R
                                                                                                                           1001
--R
                                                        91
                                                                                                    1001
                                  91
```

```
--R
--R
         3 10 4 7
--R
         - -- B b d e
--R
         91
--R
--R
        7
--R
       x
--R
             4 6 84 5 5 11 3 7 4 6 10
--R
         (-14A a b --- B a b ) e + (-4A a b -7B a b ) d e
--R
--R
--R
          12 28 32 37 29 2 9 9 28 38
--R
         (--- A a b - -- B a b ) d e + (--- A a b - -- B a b ) d e
--R
--R
                 13
                               13 13
--R
--R
          2 10 20 9 4 7 1 10 5 6
--R
         (---- A b ---- B a b )d e --- B b d e
          143 143
--R
--R
--R
--R
       x
--R
--R
          63 5 5 105 6 4 11 21 4 6 63 5 5 10
--R
         (---Aab ----Bab)e + (---Aab ----Bab)de
           4 8
                                       10
--R
                                4
--R
--R
          3 37 21 46 29 9 28 12 37 38
--R
         (--Aab ---Bab)de + (---Aab ---Bab)de
--R
          2 8
                             26 13
--R
          3 9 27 2 8 4 7 3 10 15 9 5 6
--R
--R
         (---Aab ----Bab)de + (----Ab -----Bab)de
--R
          52 104
                                572
--R
          3 10 6 5
--R
--R
         - --- B b d e
         520
--R
--R
--R
        5
--R
       x
--R
--R
          210 6 4 120 7 3 11 315 5 5 525 6 4 10
         (---- A a b ---- B a b )e + (---- A a b ---- B a b )d e
--R
--R
          17 17
                                68
                                        136
--R
--R
          105 4 6 63 5 5 2 9 15 3 7 105 4 6 3 8
--R
         (---- A a b --- B a b )d e + (--- A a b ---- B a b )d e
         68 34
                                34
--R
                                        136
--R
```

```
45 28 60 3747 15 9 135 2856
--R
--R
         (---- A a b ----- B a b )d e + (---- A a b ----- B a b )d e
--R
           442
                    221
                                   884 1768
--R
--R
           15 10 75 9 6 5 3 10 7 4
--R
         (----- A b ----- B a b ) d e ----- B b d e
--R
           9724
                   4862
--R
--R
         4
--R
        x
--R
           20 7 3 5 8 2 11
--R
                               140 6 4 80 7 3 10
         (---Aab --Bab)e + (----Aab ---Bab)de
--R
--R
                                 51
--R
--R
           35 5 5 175 6 4 2 9 35 4 6 7 5 5 3 8
         (---Aab ----Bab)de + (----Aab ----Bab)de
--R
--R
          34 204
                                  102
                                          17
--R
--R
           5 37 35 4647
                                 5 28 40 37 56
--R
         (--- A a b ---- B a b )d e + (---- A a b ---- B a b )d e
--R
                   204
                                  221
--R
           5 9 15 2 8 6 5 5 10 25 9 7 4
--R
--R
         (----- A a b ----- B a b )d e + (------ A b ------ B a b )d e
                                            7293
           1326 884
--R
                                   14586
--R
           1 1083
--R
--R
         - ---- B b d e
--R
           2652
--R
--R
         3
--R
        X
--R
           45 8 2 10 9 11 20 7 3 15 8 2 10
--R
         (---Aab ---Bab)e + (---Aab ----Bab)de
--R
                   19
                                19
--R
           19
--R
           140 6 4 80 7 3 2 9 105 5 5 175 6 4 3 8
--R
         (---- A a b ---- B a b )d e + (---- A a b ----- B a b )d e
--R
                    323
--R
           323
                                   646
--R
--R.
           35 46 21 5547 5 37 35 4656
--R
         (---- A a b ---- B a b )d e + (---- A a b ----- B a b )d e
--R
           646 323
                                   323
                                           1292
--R
--R
           15 28 40 3765
         (- ---- A a b - ---- B a b )d e
--R
          4199 4199
--R
--R
```

```
5 9 45 2874
--R
--R
         (- ---- A a b - ---- B a b )d e
--R
           8398 16796
--R
               10 25 9 8 3 1 10 9 2
--R
         (----- A b ----- B a b ) d e ----- B b d e
--R
--R
           92378
                 46189
--R
--R
        2
--R
       x
--R
           1 9 1 10 11 9 8 2 1 9 10
--R
         (-- A a b --- B a )e + (--- A a b --- B a b)d e
--R
--R
                 20
                              38
--R
        + 2 73 3 8229 14 64 8 73 38 - 14 ---- Aab ---- Bab)de
--R
         (---Aab ---Bab)de + (----Aab -----Bab)de
--R
--R
          19 76
                                323
--R
--R
           21 55 35 6447
                                   7 46 21 5556
--R
         (----- A a b ----- B a b )d e + (----- A a b ----- B a b )d e
               2584
--R
           1292
                                  1292
--R
--R
           1 37 7 4665 3 28 4 3774
--R
         (---- A a b ----- B a b )d e + (----- A a b ----- B a b )d e
                  2584
                                           4199
--R
                                  8398
           646
--R
--R
              9 9 2883
--R
         (- ---- A a b - ---- B a b )d e
--R
          16796 33592
--R
                10 5 9 9 2 1 10 10
--R
            1
--R
         (----- A b ----- B a b )d e ----- B b d e
--R
           184756
                   92378
--R
--R
       X
--R
       1 10 11 1 9 1 10 10
--R
      ---Aae + (---Aab----Ba)de
--R
--R
                  42
                          420
--R
--R
        3 82 1 9 29 2 73 1 8238
--R
      (---- A a b ---- B a b)d e + (---- A a b ---- B a b )d e
--R
             399
                              399
                                      532
--R
--R
        2 64 8 7347
                                1 55 5 64 56
      (---- A a b ----- B a b )d e + (----- A a b ----- B a b )d e
--R
--R
               6783
                                        7752
                               1292
--R
        1
--R
             46 1 5565 1 37 1 4674
```

```
--R
       (----- A a b ----- B a b )d e + (----- A a b ----- B a b )d e
--R
        3876 3230
                                    13566
--R
--R
               28 4 3783
          1
       (- ---- A a b - ---- B a b )d e
--R
--R
        58786
                   88179
--R
          1 9 3 2892
--R
       (----- A a b ---- B a b )d e
--R
                    235144
--R
         352716
--R
               10 5
                             9 10 1 10 11
--R
       (------ A b ------ B a b )d e ------ B b d
--R
                 1939938
--R
         3879876
                                     3527160
--R /
--R
       33 21 32 20 2 31 19 3 30 18 4 29 17
--R
       e \ x + 21d \ e \ x + 210d \ e \ x + 1330d \ e \ x + 5985d \ e \ x
--R
--R
          5 28 16 6 27 15
                                7 26 14 8 25 13
--R
       20349d e x + 54264d e x + 116280d e x + 203490d e x
--R
--R
           9 24 12 10 23 11 11 22 10 12 21 9
--R
       293930d e x + 352716d e x + 352716d e x + 293930d e x
--R
--R
           13 20 8 14 19 7 15 18 6 16 17 5
       203490d e x + 116280d e x + 54264d e x + 20349d e x
--R
--R
        17 16 4 18 15 3 19 14 2 20 13 21 12
--R
--R
       5985d e x + 1330d e x + 210d e x + 21d e x + d e
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 472
--S 473 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
               10 11 11
--R
      - 3879876B b e x
--R
                              9 11 10 10 10
--R
                10
      ((-3527160A b - 35271600B a b)e - 3879876B b d e)x
--R
--R
--R
                     9
                                 2 8 11
         (- 32332300A a b - 145495350B a b )e
--R
--R
                  10 9 10 10 2 9
--R
--R
         (- 2939300A b - 29393000B a b )d e - 3233230B b d e
--R
--R
        9
```

```
--R
        x
--R
--R
                      2 8 3 7 11
--R
          (- 134303400A a b - 358142400B a b )e
--R
                                     2 8 10
--R
                       9
          (- 22383900A a b - 100727550B a b )d e
--R
--R
                   10 9 2 9 10 3 8
--R
          (- 2034900A b - 20349000B a b )d e - 2238390B b d e
--R
--R
--R
          8
--R
         x
--R
--R
                      3 7
                                     4 6 11
--R
          (- 332560800A a b - 581981400B a b )e
--R
--R
                     2 8
                                    3 7 10
--R
          (- 76744800A a b - 204652800B a b )d e
--R
--R
                                    2829
--R
          (- 12790800A a b - 57558600B a b )d e
--R
                10 9 3 8 10 4 7
--R
          (- 1162800A b - 11628000B a b )d e - 1279080B b d e
--R
--R
--R
          7
--R
         x
--R
                      4 6 5 5 11
--R
--R
          (- 543182640A a b - 651819168B a b )e
--R
                                     4 6 10
--R
                      3 7
--R
          (- 155195040A a b - 271591320B a b )d e
--R
                                   3 7 2 9
                     2 8
--R
--R
          (- 35814240A a b - 95504640B a b )d e
--R
                      9
                              2838
--R
--R
          (- 5969040A a b - 26860680B a b )d e
--R
--R
                                 9 4 7 10 5 6
                    10
--R
          (-542640 \text{A b} -5426400 \text{B a b}) \text{d e} -596904 \text{B b} \text{d e}
--R
--R
          6
--R
         x
--R
--R
                      5 5
                                     6 4 11
          (- 611080470A a b - 509233725B a b )e
--R
--R
```

```
5 5 10
--R
                       4 6
--R
            (-203693490A \ a \ b \ -244432188B \ a \ b \ )d \ e
--R
                       3 7
--R
                                       4629
           (- 58198140A a b - 101846745B a b )d e
--R
--R
--R
                      2 8
                                     3738
--R
           (- 13430340A a b - 35814240B a b )d e
--R
                                     2847
--R
                       9
--R
           (- 2238390A a b - 10072755B a b )d e
--R
                     10
                                   9 5 6
--R
           (- 203490A b - 2034900B a b )d e - 223839B b d e
--R
--R
--R
          5
--R
          X
--R
                       6 4
--R
                                      7 3 11
           (- 479278800A a b - 273873600B a b )e
--R
--R
                               6 4 10
--R
                       5 5
--R
           (- 179729550A a b - 149774625B a b )d e
--R
                                      5 5 2 9
--R
                       4 6
           (- 59909850A a b - 71891820B a b )d e
--R
--R
                            4 6 3 8
--R
                       3 7
--R
           (- 17117100A a b - 29954925B a b )d e
--R
--R
                       2 8
                                     3 7 4 7
--R
           (- 3950100A a b - 10533600B a b )d e
--R
--R
                                  2856
--R
           (- 658350A a b - 2962575B a b )d e
--R
--R
                   10
                                 9 6 5
            (-59850A b - 598500B a b) d e - 65835B b d e
--R
--R
--R
--R
          x
--R
--R
                       7 3
                               8 2 11
--R
           (- 258658400A a b - 96996900B a b )e
--R
--R
                        6 4
                                      7 3 10
--R
           (- 106506400A a b - 60860800B a b )d e
--R
                             6429
--R
                      5 5
--R
            (-39939900A \ a \ b \ -33283250B \ a \ b \ )d \ e
```

```
--R
                4 6 5 5 3 8
--R
--R
          (- 13313300A a b - 15975960B a b )d e
--R
                    3 7 4 6 4 7
--R
          (- 3803800A a b - 6656650B a b )d e
--R
--R
--R
                   2 8
                               3 7 5 6
          (- 877800A a b - 2340800B a b )d e
--R
--R
--R
                 9 2865
          (- 146300A a b - 658350B a b )d e
--R
--R
                               9 7 4
--R
                 10
--R
          (- 13300A b - 133000B a b )d e - 14630B b d e
--R
--R
          3
--R
         x
--R
--R
                    8 2
                           9 11
--R
          (- 91891800A a b - 20420400B a b)e
--R
                                   8 2 10
--R
                     7 3
          (- 40840800A a b - 15315300B a b )d e
--R
--R
                     6 4 7 3 2 9
--R
--R
          (- 16816800A a b - 9609600B a b )d e
--R
                         6 4 3 8
--R
                    5 5
--R
          (- 6306300A a b - 5255250B a b )d e
--R
                    4 6 5 5 4 7
--R
--R
          (- 2102100A a b - 2522520B a b )d e
--R
--R
                   3 7
                               46 56
          (- 600600A a b - 1051050B a b )d e
--R
--R
--R
                   2 8
                               3765
          (- 138600A a b - 369600B a b )d e
--R
--R
                 9 2874
                                         10 9 8 3
--R
--R
          (- 23100A a b - 103950B a b )d e + (- 2100A b - 21000B a b )d e
--R
--R
                 10 9 2
          - 2310B b d e
--R
--R
--R
          2
--R
         x
--R
--R
                      9
                                10 11
```

```
--R
          (- 19399380A a b - 1939938B a )e
--R
--R
                    8 2 9 10
--R
          (- 9189180A a b - 2042040B a b)d e
--R
--R
                   7 3
                               8 2 2 9
--R
          (- 4084080A a b - 1531530B a b )d e
--R
                   6 4
                              7 3 3 8
--R
          (- 1681680A a b - 960960B a b )d e
--R
--R
                  5 5
                              6 4 4 7
--R
          (- 630630A a b - 525525B a b )d e
--R
--R
                   4 6
--R
                         5 5 5 6
--R
          (- 210210A a b - 252252B a b )d e
--R
                  3 7 4 6 6 5
--R
--R
          (- 60060A a b - 105105B a b )d e
--R
--R
                 2 8
                       3774
          (- 13860A a b - 36960B a b )d e + (- 2310A a b - 10395B a b )d e
--R
--R
--R
                10 9 9 2 10 10
          (-210A b - 2100B a b) d e - 231B b d e
--R
--R
--R
--R
                                   10 10
--R
                10 11
                              9
--R
       -1847560A a e +(-923780A a b -92378B a )d e
--R
               8 2 9 2 9
                                     7 3 8 2 3 8
--R
--R
       (-437580A a b - 97240B a b)d e + (-194480A a b - 72930B a b )d e
--R
--R
               6 4
                         7347
                                          5 5
       (-80080A a b - 45760B a b )d e + (-30030A a b -25025B a b )d e
--R
--R
--R
               4 6
                     5565
                                         3 7
       (- 10010A a b - 12012B a b )d e + (- 2860A a b - 5005B a b )d e
--R
--R
                    3783
--R
             2 8
                                        9 2892
       (-660A a b - 1760B a b )d e + (-110A a b -495B a b )d e
--R
--R.
--R
                  9 10 10 11
       (-10A b - 100B a b)d e - 11B b d
--R
--R /
                     32 20 2 31 19
--R
             33 21
--R
       38798760e x + 814773960d e x + 8147739600d e x
--R
                               4 29 17
--R
                3 30 18
                                           5 28 16
```

```
--R
      51602350800d e x + 232210578600d e x + 789515967240d e x
--R
                 6 27 15 7 26 14 8 25 13
--R
--R
      2105375912640d e x + 4511519812800d e x + 7895159672400d e x
--R
--R
                   9 24 12
                                       10 23 11
--R
      11404119526800d e x + 13684943432160d e x
--R
                  11 22 10 12 21 9 13 20 8
--R
      13684943432160d e x + 11404119526800d e x + 7895159672400d e x
--R
--R
--R
                 14 19 7
                                    15 18 6
      4511519812800d e x + 2105375912640d e x + 789515967240d e x
--R
--R
                17 16 4
                                  18 15 3
--R
                                                   19 14 2
--R
      232210578600d e x + 51602350800d e x + 8147739600d e x
--R
--R
              20 13
                       21 12
--R
       814773960d e x + 38798760d e
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 473
--S 474 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 474
--S 475 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 475
)clear all
--S 476 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^5/(a+b*x)
--R.
--R
--R (1)
        56 5 45
--R
      B e x + (A e + 5B d e)x + (5A d e + 10B d e)x
--R
--R
      23 323 32 42 45 5
--R
--R (10A d e + 10B d e )x + (10A d e + 5B d e)x + (5A d e + B d )x + A d
```

```
--R /
--R
     b x + a
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 476
--S 477 of 1293
\texttt{r0} := (\texttt{A}*b - \texttt{a}*B) * \texttt{e}* (\texttt{b}*d - \texttt{a}*e) ^4 * \texttt{x} / \texttt{b}^6 + 1/2 * (\texttt{A}*b - \texttt{a}*B) * (\texttt{b}*d - \texttt{a}*e) ^3 * (\texttt{d}+e*x) ^2 / \texttt{b}^5 + \_
    1/3*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^3/b^4+_
    1/4*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*(d+e*x)^4/b^3+1/5*(A*b-a*B)*(d+e*x)^5/b^2+_
    1/6*B*(d+e*x)^6/(b*e)+(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^5*log(a+b*x)/b^7
--R
--R
     (2)
--R
--R
                            6 6 4 2 5 5
            (-60A \ a \ b + 60B \ a \ )e + (300A \ a \ b - 300B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R.
                    3 3
                            4 2 2 4
                                                2 4 3 3 3 3
--R.
            (-600A a b +600B a b )d e + (600A a b -600B a b )d e
--R
                     5 2442 6 55
--R
--R
             (-300A \ a \ b + 300B \ a \ b ) d \ e + (60A \ b - 60B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
           log(b x + a)
--R
--R
                      6 56 655
             666
--R
         10B b e x + ((12A b - 12B a b )e + 60B b d e )x
--R
                  5 246 6 5 5 6244
--R
--R
         ((-15A \ a \ b + 15B \ a \ b ) e + (75A \ b - 75B \ a \ b ) d \ e + 150B \ b \ d \ e ) x
--R.
--R
                  2 4 3 3 6
                                                      24 5
            (20A a b - 20B a b )e + (- 100A a b + 100B a b )d e
--R
--R
                            5 2 4 6 3 3
--R
--R
            (200A b - 200B a b )d e + 200B b d e
--R
--R
            3
--R
           x
--R
--R
                    3 3 4 2 6
                                            24 33 5
--R
            (- 30A a b + 30B a b )e + (150A a b - 150B a b )d e
--R
--R.
                    5 2 4 2 4 6 5 3 3 6 4 2
--R.
           (- 300A a b + 300B a b )d e + (300A b - 300B a b )d e + 150B b d e
--R
--R
--R
           x
--R
                   4 2 5 6 3 3 4 2 5
--R
--R
             (60A \ a \ b - 60B \ a \ b)e + (-300A \ a \ b + 300B \ a \ b)d \ e
```

```
--R
                2 4 3 3 2 4
                                    5 24 33
--R
--R
           (600A a b - 600B a b )d e + (- 600A a b + 600B a b )d e
--R
--R
                6 5 4 2 6 5
--R
           (300A b - 300B a b) d e + 60B b d e
--R
--R
--R
--R
              3 3
                      4 2 2 4
                                     2 4
                                               3 3 3 3
--R
       (- 30A a b + 30B a b )d e + (110A a b - 110B a b )d e
--R
                                   6
                                               5 5 6 6
                     2 4 4 2
--R
        (-145A \ a \ b + 145B \ a \ b ) d \ e + (77A \ b - 77B \ a \ b ) d \ e + 10B \ b \ d
--R
--R /
--R
--R
      60b e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 477
--S 478 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                 5 6 5 4 2 5 4
--R
--R
           (-60A \ a \ b + 60B \ a \ ) e + (300A \ a \ b - 300B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                  3 3 4 2 2 3 2 4 3 3 3 2
--R
          (-600A a b +600B a b )d e + (600A a b -600B a b )d e
--R
                  5 244 6 55
--R
--R
          (-300A \ a \ b + 300B \ a \ b ) d \ e + (60A \ b - 60B \ a \ b ) d
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                                5 5
--R
                       6
--R
        10B b e x + ((12A b - 12B a b)e + 60B b d e)x
--R
--R
                      2 4 5
                                 6
                                            5 4
        ((- 15A a b + 15B a b )e + (75A b - 75B a b )d e + 150B b d e )x
--R
--R
                24 335 5 24 4
--R.
           (20A a b - 20B a b )e + (- 100A a b + 100B a b )d e
--R
--R
--R
                         5 2 3
                                   6 3 2
--R
          (200A b - 200B a b )d e + 200B b d e
--R
--R
         3
--R
         x
```

```
--R
           3 3 4 2 5 2 4 3 3 4
--R
--R
          (- 30A a b + 30B a b )e + (150A a b - 150B a b )d e
--R
                5 2 4 2 3 6 5 3 2 6 4
--R
         (-300A a b + 300B a b )d e + (300A b - 300B a b )d e + 150B b d e
--R
--R
--R
--R
        x
--R
--R
              4 2 5 5 3 3 4 2 4
          (60A a b - 60B a b)e + (- 300A a b + 300B a b )d e
--R
--R
                     3 3 2 3
                                   5 2432
--R
               2 4
--R
          (600A a b - 600B a b )d e + (- 600A a b + 600B a b )d e
--R
--R
                   5 4 6 5
--R
          (300A b - 300B a b )d e + 60B b d
--R
--R
--R /
--R
--R
      60b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 478
--S 479 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
           3 4 2 4 2 2 3 3 3 3
--R
--R
      (30A a b - 30B a )d e + (- 110A a b + 110B a b)d e
--R
            3 2242
                                            3 5 4 6
--R
                                   4
      (145A a b - 145B a b )d e + (- 77A b + 77B a b )d e - 10B b d
--R
--R /
      5
--R
     60b e
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 479
--S 480 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 480
```

```
)clear all
--S 481 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^4/(a+b*x)
--R
--R
--R (1)
--R
                            3 4
                                         3
       B e x + (A e + 4B d e)x + (4A d e + 6B d e)x
--R
--R
            2 2 3 2 3
--R
       (6A d e + 4B d e)x + (4A d e + B d)x + A d
--R
--R /
--R
      b x + a
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 481
--S 482 of 1293
\texttt{r0:=(A*b-a*B)*e*(b*d-a*e)^3*x/b^5+1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^2/b^4+\_}
    1/3*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*(d+e*x)^3/b^3+1/4*(A*b-a*B)*(d+e*x)^4/b^2+_
    1/5*B*(d+e*x)^5/(b*e)+(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^4*log(a+b*x)/b^6
--R
--R
--R
     (2)
--R
                 4 5 5 3 2 4 4
            (60A \ a \ b - 60B \ a \ )e + (-240A \ a \ b + 240B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                   2 3 3 2 2 3 4 2 3 3 2
--R
--R
            (360A \ a \ b \ - 360B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 240A \ a \ b \ + 240B \ a \ b \ ) d \ e
--R.
--R
                          4 4
--R
            (60A b - 60B a b)d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
                         5 4 5 5 4 4
--R
            5 5 5
--R
        12B b e x + ((15A b - 15B a b )e + 60B b d e )x
--R
--R
                         235
                                       5
                                                 4 4
--R
        ((-20A \ a \ b + 20B \ a \ b) \ e + (80A \ b - 80B \ a \ b) \ d \ e + 120B \ b \ d \ e) x
--R
                  2 3 3 2 5
--R
                                             4
                                                      2 3
--R.
            (30A a b - 30B a b )e + (- 120A a b + 120B a b )d e
--R.
--R
                  5
                       4 2 3 5 3 2
            (180A b - 180B a b) d e + 120B b d e
--R
--R
--R
          2
--R
          х
--R
```

```
3 2 4 5 2 3 3 2 4
--R
--R
          (- 60A a b + 60B a b)e + (240A a b - 240B a b )d e
--R
                                  5
--R
                 4 2323
                                               4 3 2 5 4
--R
         (-360A \ a \ b + 360B \ a \ b \ ) d \ e + (240A \ b - 240B \ a \ b \ ) d \ e + 60B \ b \ d \ e
--R
--R
--R
           23 3223 4 2332
--R
      (30A a b - 30B a b )d e + (- 80A a b + 80B a b )d e
--R
--R
                   4 4
                             5 5
--R
          5
       (65A b - 65B a b) d e + 12B b d
--R
--R /
--R
--R
      60b e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 482
--S 483 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
              4 5 4 3 2 4 3
--R
          (60A a b - 60B a )e + (- 240A a b + 240B a b)d e
--R
--R
               23 3222 4 233
--R
--R
          (360A a b - 360B a b )d e + (- 240A a b + 240B a b )d e
--R.
              5 4 4
--R
--R
         (60A b - 60B a b )d
--R
--R
        log(b x + a)
--R
          5 4 5
                     5 4 4 5 3 4
--R
--R
       12B b e x + ((15A b - 15B a b )e + 60B b d e )x
--R
--R
                                 5
                                         4 3
                   234
--R
       ((- 20A a b + 20B a b )e + (80A b - 80B a b )d e + 120B b d e )x
--R
              2 3 3 2 4
                                      4
--R
                                           2 3 3
--R.
          (30A a b - 30B a b )e + (- 120A a b + 120B a b )d e
--R
--R
              5 4 2 2 5 3
         (180A b - 180B a b )d e + 120B b d e
--R
--R
--R
         2
--R
        х
--R
```

```
3 2 4 4 2 3 3 2 3
--R
--R
            (-60A \ a \ b + 60B \ a \ b)e + (240A \ a \ b - 240B \ a \ b )d \ e
--R
--R
                    4 2322
--R
          (- 360A a b + 360B a b )d e + (240A b - 240B a b )d e + 60B b d
--R
--R
--R /
--R
--R
      60b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 483
--S 484 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
             2 3 2 3 2 2 3 2
--R
        (-30A \ a \ b + 30B \ a \ )d \ e + (80A \ a \ b - 80B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
             3 24 35
--R
        (-65A b + 65B a b) d e - 12B b d
--R /
--R
--R
      60b e
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 484
--S 485 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 485
)clear all
--S 486 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^3/(a+b*x)
--R
--R
--R
   (1)
    3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R B e x + (A e + 3B d e )x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d )x + A d
--R
                                   bx + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 486
```

```
--S 487 of 1293
r0:=(A*b-a*B)*e*(b*d-a*e)^2*x/b^4+1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*(d+e*x)^2/b^3+_
    1/3*(A*b-a*B)*(d+e*x)^3/b^2+1/4*B*(d+e*x)^4/(b*e)+_
    (A*b-a*B)*(b*d-a*e)^3*log(a+b*x)/b^5
--R
--R
--R
     (2)
                 3 4 4 2 2 3 3
--R
           (- 12A a b + 12B a )e + (36A a b - 36B a b)d e
--R
--R
                        2 2 2 2
--R
                  3
           (- 36A a b + 36B a b )d e + (12A b - 12B a b )d e
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R.
          4 4 4
                     4 3 4 4 3 3
--R
        3B b e x + ((4A b - 4B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
               3 224
                               4 3 3 4 2 2 2
--R
        ((-6A a b + 6B a b )e + (18A b - 18B a b )d e + 18B b d e )x
--R
--R
                2 2 3 4
                                       3
                                             2 2 3
--R
           (12A a b - 12B a b)e + (- 36A a b + 36B a b )d e
--R
--R
                4 3 2 2 4 3
--R
           (36A b - 36B a b) d e + 12B b d e
--R
--R
         X
--R.
              3 2 2 2 2 4
                                            3 3 4 4
--R
--R
       (-6A a b +6B a b )d e + (10A b - 10B a b )d e + 3B b d
--R /
--R
--R
      12b e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 487
--S 488 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R.
    (3)
--R.
                 3 4 3 2 2 3 2
--R.
           (-12A \ a \ b + 12B \ a \ ) e + (36A \ a \ b - 36B \ a \ b) d \ e
--R
                  3 222 4 33
--R
--R
           (-36A \ a \ b + 36B \ a \ b ) d \ e + (12A \ b - 12B \ a \ b ) d
--R
--R
         log(b x + a)
```

```
--R
         4 3 4 4 3 3 4 2 3
--R
--R
       3B \ b \ e \ x + ((4A \ b - 4B \ a \ b ) e + 12B \ b \ d \ e ) x
--R
--R
               3 2 2 3 4 3 2 4 2 2
--R
        ((-6A a b + 6B a b )e + (18A b - 18B a b )d e + 18B b d e)x
--R
--R
--R
          (12A a b - 12B a b)e + (- 36A a b + 36B a b )d e
--R
--R
                     3 2 4 3
--R
          (36A b - 36B a b )d e + 12B b d
--R
--R
--R /
--R
         5
--R
      12b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 488
--S 489 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                    2 2 2 2 3 2 4
        (6A a b - 6B a )d e + (- 10A b + 10B a b)d e - 3B b d
--R
--R
--R
--R
                               12b e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 489
--S 490 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 490
)clear all
--S 491 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^2/(a+b*x)
--R
--R
          2 3 2 2
--R
--R
       B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d
--R (1) -----
--R
                            b x + a
```

```
--R
                                            Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 491
--S 492 of 1293
r0:=(A*b-a*B)*e*(b*d-a*e)*x/b^3+1/2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^2/b^2+_
     1/3*B*(d+e*x)^3/(b*e)+(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^2*log(a+b*x)/b^4
--R
--R
     (2)
--R
                             3 3
--R
               (6A a b - 6B a )e + (- 12A a b + 12B a b)d e
--R
                            2 2
--R
               (6A b - 6B a b)d e
--R
--R
--R
           log(b x + a)
--R
--R
             3 3 3
                         3
                                   2 3 3 2 2
         2B b e x + ((3A b - 3B a b)e + 6B b d e)x
--R
--R
--R
--R
         ((-6A \ a \ b \ +6B \ a \ b)e \ + (12A \ b \ -12B \ a \ b \ )d \ e \ +6B \ b \ d \ e)x
--R
             3 2 2 3 3
--R
--R
          (3A b - 3B a b)d e + 2B b d
--R /
--R
--R
       6b e
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 492
--S 493 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                      3 2
                                         2
                                                  2
           ((6A \ a \ b - 6B \ a \ )e + (-12A \ a \ b + 12B \ a \ b)d \ e + (6A \ b - 6B \ a \ b \ )d \ )
--R
--R
--R
           log(b x + a)
--R
--R
            3 2 3
                         3
                                   2 2
--R.
         2B b e x + ((3A b - 3B a b)e + 6B b d e)x
--R
--R
                          2 2
                                    3
                                                  2
          ((- 6A a b + 6B a b)e + (12A b - 12B a b )d e + 6B b d )x
--R
--R /
--R
--R
       6b
--R
                                           Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--Е 493
--S 494 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
       (- 3A b + 3B a)d e - 2B b d
--R (4) -----
                 2
--R
--R
                  6b e
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 494
--S 495 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 495
)clear all
--S 496 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)/(a+b*x)
--R
--R
         2
--R
--R Bex + (Ae + Bd)x + Ad
--R (1) -----
          b x + a
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 496
--S 497 of 1293
\texttt{r0:=B*(b*d-a*e)*x/b^2+1/2*e*(A+B*x)^2/(b*B)+(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*log(a+b*x)/b^3}
--R
--R
--R
     (2)
                              2
--R
                                        2
--R
        ((-2A B a b + 2B a) e + (2A B b - 2B a b) d) log(b x + a) + B b e x
--R
--R
              2 2
                            2 2 2 2
       ((2A B b - 2B a b)e + 2B b d)x + A b e
--R
--R /
--R
--R
      2B b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 497
```

```
--S 498 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
        ((-2A \ a \ b + 2B \ a \ )e + (2A \ b \ - 2B \ a \ b)d)log(b \ x + a) + B \ b \ e \ x
--R
--R
--R
              2
                                  2
--R
         ((2A b - 2B a b)e + 2B b d)x
--R /
--R
--R
        2b
--R
                                            Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 498
--S 499 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              2
--R
             Аe
--R
    (4) - ----
--R
            2B b
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 499
--S 500 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 500
)clear all
--S 501 of 1293
t0:=(A+B*x)/(a+b*x)
--R
--R
--R
         B x + A
--R
    (1) -----
--R
          b x + a
--R
                                             Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 501
--S 502 of 1293
r0:=B*x/b+(A*b-a*B)*log(a+b*x)/b^2
```

```
--R
--R
--R
        (A b - B a)log(b x + a) + B b x
--R
    (2) -----
--R
                      2
--R
                      b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 502
--S 503 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        (A b - B a)log(b x + a) + B b x
--R
    (3) -----
--R
                      2
--R
                      b
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 503
--S 504 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 504
--S 505 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 505
)clear all
--S 506 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x))
--R
--R
--R
                B \times A
    (1) -----
--R
          2
--R
--R
        bex + (ae + bd)x + ad
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 506
--S 507 of 1293
```

```
\verb"r0:=(A*b-a*B)*log(a+b*x)/(b*(b*d-a*e))+(B*d-A*e)*log(d+e*x)/(e*(b*d-a*e))
--R
--R
--R
       (A b e - B b d)\log(e x + d) + (- A b + B a)e \log(b x + a)
--R (2) -----
                         2 2
--R
--R
                         abe -bde
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 507
--S 508 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       (A b e - B b d)\log(e x + d) + (- A b + B a)e \log(b x + a)
--R
   (3) -----
--R
                          2 2
                         abe - bde
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 508
--S 509 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 509
--S 510 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 510
)clear all
--S 511 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^2)
--R
--R
--R
                   B \times A
--R (1) -----
         23 2 2 2
--R
--R
       b e x + (a e + 2b d e)x + (2a d e + b d)x + a d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 511
```

```
--S 512 of 1293
r0:=(-B*d+A*e)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x))+(A*b-a*B)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^2-_
    (A*b-a*B)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^2
--R
--R
     (2)
--R
--R
        ((- A b + B a)e x + (- A b + B a)d e)log(e x + d)
--R
--R
--R
--R
         ((A b - B a)e x + (A b - B a)d e)log(b x + a) - A a e + (A b + B a)d e
--R
--R
         - B b d
--R
--R /
--R
         2 4
                    3 222
                                   2 3
                                                 2 2 2 3
--R
       (a e - 2a b d e + b d e )x + a d e - 2a b d e + b d e
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 512
--S 513 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
       ((- A b + B a)e x + (- A b + B a)d e)log(e x + d)
--R
--R
--R
--R
         ((A b - B a)e x + (A b - B a)d e)log(b x + a) - A a e + (A b + B a)d e
--R
--R
--R
         - B b d
--R /
                                                 2 2 2 3
--R
                    3 222
                                   2 3
       (a e - 2a b d e + b d e)x + a d e - 2a b d e + b d e
--R
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 513
--S 514 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R.
--R
    (4) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 514
--S 515 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 515
)clear all
--S 516 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^3)
--R
--R
--R
    (1)
--R
                                 B x + A
--R
     3 4 3 2 3 2 2 2 3
--R
--R
    b e x + (a e + 3b d e )x + (3a d e + 3b d e)x + (3a d e + b d )x + a d
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 516
--S 517 of 1293
r0:=1/2*(-B*d+A*e)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^2)+(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x))+_
    b*(A*b-a*B)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^3-b*(A*b-a*B)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^3
--R
--R
     (2)
              2 3 2 2 2 2
--R
--R
          ((2A b - 2B a b) e x + (4A b - 4B a b) d e x + (2A b - 2B a b) d e)
--R
--R
          log(e x + d)
--R.
                      3 2 2
--R
--R
           (-2Ab + 2Bab)ex + (-4Ab + 4Bab)dex
--R
                2 2
--R
--R
           (-2A b + 2B a b)d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
                    2 3
--R
        ((2A \ a \ b - 2B \ a \ )e + (-2A \ b + 2B \ a \ b)d \ e )x - A \ a \ e
--R
                  2 2
--R
                           2 2
--R.
        (4A a b - B a) d e - 3A b d e + B b d
--R /
--R.
          3 6
               2 5 224 3332
--R
        (2a e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d e )x
--R
--R
         3 5 2 2 4 2 3 3 3 4 2 3 2 4 2 3 3
       (4a d e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d e )x + 2a d e - 6a b d e
--R
--R
```

```
2 4 2 3 5
--R
--R
      6abde - 2bde
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 517
--S 518 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
             2 3 2 2 2 2
--R
         ((2A b - 2B a b)e x + (4A b - 4B a b)d e x + (2A b - 2B a b)d e)
--R
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
                         3 2 2
--R
          (-2A b + 2B a b)e x + (-4A b + 4B a b)d e x
--R
--R
          (-2Ab+2Bab)de
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                2 3 2 2 2 3
--R
--R
      ((2A a b - 2B a )e + (- 2A b + 2B a b)d e )x - A a e
--R
--R
                  2 2
                          2 2 2 3
--R
       (4A a b - B a )d e - 3A b d e + B b d
--R /
--R
          3 6 2 5 2 2 4 3 3 3 2
--R
       (2a e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d e )x
--R
          3 5 2 2 4 2 3 3 3 4 2 3 2 4 2 3 3
--R
--R
       (4a d e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d e )x + 2a d e - 6a b d e
--R
         2 4 2 3 5
--R
--R
       6abde - 2bde
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 518
--S 519 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 519
--S 520 of 1293
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 520
)clear all
--S 521 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^4)
--R
--R
--R
    (1)
--R
      B x + A
--R /
--R
          4 5
                  4
                           3 4
                                        3 223
--R.
        b e x + (a e + 4b d e )x + (4a d e + 6b d e )x
--R
--R
           2 2 3 2
                              3
                                        4
         (6a d e + 4b d e)x + (4a d e + b d)x + a d
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 521
--S 522 of 1293
r0:=1/3*(-B*d+A*e)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^3)+_
    1/2*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^2)+_
    b*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x))+_
    b^2*(A*b-a*B)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^4-b^2*(A*b-a*B)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^4
--R
--R
--R
     (2)
                  3 2 4 3 3
--R
                                                        3 2
--R
           (-6A b +6B a b ) e x + (-18A b +18B a b ) d e x
--R
--R
                           2 2 2
                                          3
            (-18A b + 18B a b) d e x + (-6A b + 6B a b) d e
--R
--R
--R
          log(e x + d)
--R
--R
                        2 4 3
                                    3
            (6A b - 6B a b) e x + (18A b - 18B a b) d e x
--R
--R
--R.
                 3 2 2 2
                                    3
                                               2 3
--R
            (18A b - 18B a b) d e x + (6A b - 6B a b) d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
                       2 4 3 2 3 2
        ((-6A \ a \ b + 6B \ a \ b)e + (6A \ b - 6B \ a \ b)d \ e)x
--R
--R
```

```
2 3 4 2 2 3
--R
--R
         (3A a b - 3B a )e + (- 18A a b + 18B a b)d e
--R
             3 2 2 2
--R
--R
         (15A b - 15B a b )d e
--R
--R
--R
          3 4 2 3 3 2 2 2 2
--R
      - 2A a e + (9A a b - B a )d e + (- 18A a b + 6B a b)d e
--R
--R
                         3 4
                  2 3
--R
          3
       (11A b - 3B a b )d e - 2B b d
--R
--R /
--R
              3 7 2226 335 4443
--R
       (6a e - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d e )x
--R
--R
         4 7 3 2 6 2 2 3 5 3 4 4 4 5 3 2
--R
       (18a d e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18b d e )x
--R
--R
         4 2 6 3 3 5 2 2 4 4
                                      353 462 435
--R
      (18a d e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18b d e )x + 6a d e
--R
--R
         3 4 4 2 2 5 3 3 6 2 4 7
--R
       - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 522
--S 523 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
              3 2 4 3 3 2 3 2
--R
--R
         (-6A b +6B a b ) e x + (-18A b +18B a b ) d e x
--R
--R
               3
                      2 2 2
                                 3
--R
         (-18A b + 18B a b) d e x + (-6A b + 6B a b) d e
--R
--R
        log(e x + d)
--R
             3
                    2 4 3 3
--R
                                    2 32
--R.
          (6A b - 6B a b ) e x + (18A b - 18B a b ) d e x
--R
--R
             3 2 2 2 3 2 3
          (18A b - 18B a b) d e x + (6A b - 6B a b) d e
--R
--R
--R
        log(b x + a)
--R
--R
              2
                   2 4
                            3 2 3 2
```

```
--R
        ((-6A \ a \ b + 6B \ a \ b)e + (6A \ b - 6B \ a \ b)d \ e)x
--R
               2 3 4 2 2 3
--R
--R
           (3A \ a \ b - 3B \ a \ )e + (-18A \ a \ b + 18B \ a \ b)d \ e
--R
               3 2 2 2
--R
--R
          (15A b - 15B a b )d e
--R
--R
        x
--R
--R
                   2 3 3 2 2 2 2
            3 4
       - 2A a e + (9A a b - B a )d e + (- 18A a b + 6B a b)d e
--R
--R
                    2 3 3 4
--R
--R
        (11A b - 3B a b )d e - 2B b d
--R /
--R
                3 7 2226 335 4443
--R
        (6a e - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d e )x
--R
          4 7 3 2 6 2 2 3 5 3 4 4 4 5 3 2
--R
--R
        (18a d e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18b d e )x
--R
--R
          4 2 6 3 3 5 2 2 4 4
                                           353 462 435
--R
       (18a d e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18b d e )x + 6a d e
--R
--R
           3 4 4 2 2 5 3 3 6 2 4 7
        -24a b d e +36a b d e -24a b d e +6b d e
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 523
--S 524 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 524
--S 525 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R.
                                             Type: Expression(Integer)
--E 525
)clear all
--S 526 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^5)
```

```
--R
--R
--R
     (1)
--R
     B \times A
--R /
                 5 4 5 4
--R
           5 6
--R
       b e x + (a e + 5b d e )x + (5a d e + 10b d e )x
--R
                                 3 2 4 2 4 5
           2 3 3 2 3
--R
       (10a d e + 10b d e)x + (10a d e + 5b d e)x + (5a d e + b d)x + a d
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 526
--S 527 of 1293
r0:=1/4*(-B*d+A*e)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^4)+_
    1/3*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^3)+_
    1/2*b*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^2)+_
    b^2*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x))+_
    b^3*(A*b-a*B)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^5-b^3*(A*b-a*B)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^5
--R
--R
--R
     (2)
                4 3 5 4 4 3 4 3
--R
--R
           (12A b - 12B a b ) e x + (48A b - 48B a b ) d e x
--R
                 4 3 2 3 2 4 3 3 2
--R
            (72A b - 72B a b) d e x + (48A b - 48B a b) d e x
--R
--R
--R
                   3 4
--R.
            (12A b - 12B a b)d e
--R
--R
          log(e x + d)
--R
                           3 5 4 4 3 4 3
--R
--R
           (- 12A b + 12B a b ) e x + (- 48A b + 48B a b ) d e x
--R
--R
                           3 2 3 2
            (-72A b + 72B a b) d e x + (-48A b + 48B a b) d e x
--R
--R
--R
            (-12A b + 12B a b)d e
--R
--R
--R.
          log(b x + a)
--R.
--R.
                3 225
                                  4
        ((12A \ a \ b \ - \ 12B \ a \ b \ )e \ + (- \ 12A \ b \ + \ 12B \ a \ b \ )d \ e \ )x
--R
--R
--R
                  2 2 3 5
           (-6A a b +6B a b)e + (48A a b -48B a b )d e
--R
--R
```

```
4 3 2 3
--R
--R
         (-42A b + 42B a b)d e
--R
--R
         2
--R
        X
--R
              3 4 5 2 2 3 4
--R
--R
         (4A a b - 4B a )e + (- 24A a b + 24B a b)d e
--R
               3 2223
--R
                                   4
--R
         (72A a b - 72B a b )d e + (- 52A b + 52B a b )d e
--R
--R
--R
--R
          45 3 4 4 22 3 23
       - 3A a e + (16A a b - B a )d e + (- 36A a b + 6B a b)d e
--R
--R
--R
            3 2232
                             4
                                     3 4 4 5
       (48A a b - 18B a b )d e + (- 25A b + 10B a b )d e + 3B b d
--R
--R /
--R
                 4 9 3228
                                      2 3 3 7 4 4 6
--R
         12a e - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e
--R
--R
           5 5 5
--R
          - 12b d e
--R
--R
         4
--R
        x
--R
           5 9 4 2 8 3 2 3 7 2 3 4 6 4 5 5
--R
--R
         48a d e - 240a b d e + 480a b d e - 480a b d e + 240a b d e
--R
--R
            564
--R
         - 48b d e
--R
--R
         3
--R
        x
--R
           5 2 8 4 3 7 3 2 4 6 2 3 5 5 4 6 4
--R
--R
         72a d e - 360a b d e + 720a b d e - 720a b d e + 360a b d e
--R
--R
            5 7 3
--R.
         - 72b d e
--R
--R
         2
--R
        x
--R
--R
           5 3 7 4 4 6 3 2 5 5 2 3 6 4 4 7 3
--R
         48a d e - 240a b d e + 480a b d e - 480a b d e + 240a b d e
--R
```

```
--R
           582
        - 48b d e
--R
--R
--R
        X
--R
        5 4 6 4 5 5 3 2 6 4 2 3 7 3 4 8 2 5 9
--R
--R
      12a d e - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e - 12b d e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 527
--S 528 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
              4 3 5 4 4 3 4 3
--R
          (12A b - 12B a b ) e x + (48A b - 48B a b ) d e x
--R
--R
                 3 2 3 2
                                 4 3 3 2
          (72A b - 72B a b) d e x + (48A b - 48B a b) d e x
--R
--R
              4 3 4
--R
--R
          (12A b - 12B a b )d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
                    3 5 4
--R
          (- 12A b + 12B a b ) e x + (- 48A b + 48B a b ) d e x
--R
                4 3 2 3 2 4 3 3 2
--R.
          (- 72A b + 72B a b )d e x + (- 48A b + 48B a b )d e x
--R
--R
--R
          (- 12A b + 12B a b )d e
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
             3 225 4
--R
       ((12A a b - 12B a b )e + (- 12A b + 12B a b )d e )x
--R
--R
               2 2 3 5 3
--R
--R
          (-6A a b +6B a b)e + (48A a b -48B a b )d e
--R.
--R
               4 3 2 3
         (-42A b + 42B a b)d e
--R
--R
--R
         2
--R
        X
--R
              3 4 5
--R
                               2 2 3 4
```

```
--R
          (4A \ a \ b - 4B \ a \ )e + (-24A \ a \ b + 24B \ a \ b)d \ e
--R
               3 2 2 2 3 4 3 3 2
--R
--R
         (72A a b - 72B a b )d e + (- 52A b + 52B a b )d e
--R
--R
--R
                                        2 2 3 2 3
--R
           4 5
      - 3A a e + (16A a b - B a )d e + (- 36A a b + 6B a b)d e
--R
--R
--R
            3 2 2 3 2 4 3 4 4 5
        (48A a b - 18B a b )d e + (- 25A b + 10B a b )d e + 3B b d
--R
--R /
            5 10 4 9 3 2 2 8 2 3 3 7 4 4 6
--R
--R
          12a e - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e
--R
--R.
             5 5 5
--R
         - 12b d e
--R
--R
--R
         x
--R
           5 9 4 2 8 3 2 3 7 2 3 4 6 4 5 5
--R
--R
          48a d e - 240a b d e + 480a b d e - 480a b d e + 240a b d e
--R
          5 6 4
--R
--R
         - 48b d e
--R
--R
         3
--R.
        x
--R
           5 2 8 4 3 7 3 2 4 6 2 3 5 5 4 6 4
--R
--R
         72a d e - 360a b d e + 720a b d e - 720a b d e + 360a b d e
--R
--R
             5 7 3
--R
         - 72b d e
--R
--R
         2
--R
         x
--R
            5 3 7 4 4 6 3 2 5 5 2 3 6 4 4 7 3
--R
          48a d e - 240a b d e + 480a b d e - 480a b d e + 240a b d e
--R
--R
--R
             582
         - 48b d e
--R
--R
--R
--R
         5 4 6 4 5 5 3 2 6 4 2 3 7 3 4 8 2 5 9
--R
--R
       12a d e - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e - 12b d e
```

```
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 528
--S 529 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 529
--S 530 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 530
)clear all
--S 531 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^5/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
    (1)
--R
           5 6 5 4 5
--R
        B e x + (A e + 5B d e)x + (5A d e + 10B d e)x
--R
--R
           23 323 32 42 45
--R
       (10A d e + 10B d e)x + (10A d e + 5B d e)x + (5A d e + B d)x + A d
--R /
--R
       2 2
--R
       bx + 2abx + a
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 531
--S 532 of 1293
r0:=5*e*(b*d-a*e)^3*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*x/b^6-_
    (A*b-a*B)*(b*d-a*e)^5/(b^7*(a+b*x))+_
    5*e^2*(b*d-a*e)^2*(b*B*d+A*b*e-2*a*B*e)*(a+b*x)^2/b^7+_
    5/3*e^3*(b*d-a*e)*(2*b*B*d+A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^3/b^7+_
    1/4*e^4*(5*b*B*d+A*b*e-6*a*B*e)*(a+b*x)^4/b^7+_
    1/5*B*e^5*(a+b*x)^5/b^7+(b*d-a*e)^4*(b*B*d+5*A*b*e-6*a*B*e)*log(a+b*x)/b^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
                      4 2
                               5 5
                                                 3 3
                (300A a b - 360B a b)e + (- 1200A a b + 1500B a b )d e
--R
--R
```

```
2 4 3 3 2 3 5 2 4 3 2
--R
             (1800A \ a \ b \ - 2400B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 1200A \ a \ b \ + 1800B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                  6 5 4 6 5
--R
             (300A b - 600B a b )d e + 60B b d
--R
--R
--R
--R
              5 6 5 4 2 5 4
--R
--R
          (300A \ a \ b - 360B \ a \ ) e + (-1200A \ a \ b + 1500B \ a \ b) d \ e
--R
                      4 2 2 3
                                         2 4 3 3 3 2
--R
               3 3
          (1800A a b - 2400B a b )d e + (- 1200A a b + 1800B a b )d e
--R
--R
--R
                5 244
--R
          (300A a b - 600B a b )d e + 60B a b d
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
                  6 55 6 4 5
--R
       12B b e x + ((15A b - 18B a b)e + 75B b d e)x
--R
--R
               5 245 6
                                      5 4 6234
--R
       ((- 25A a b + 30B a b )e + (100A b - 125B a b )d e + 200B b d e )x
--R
               24 335 5 24 4
--R
--R
          (50A a b - 60B a b )e + (- 200A a b + 250B a b )d e
--R
                   5 2 3 6 3 2
--R
               6
--R.
         (300A b - 400B a b )d e + 300B b d e
--R
--R
         3
--R
        X
--R
                3 3 4 2 5
--R
                                     2 4
         (- 150A a b + 180B a b )e + (600A a b - 750B a b )d e
--R
--R
--R
                                   6
                        2 4 2 3
                                               5 3 2
         (-900A a b + 1200B a b )d e + (600A b - 900B a b )d e + 300B b d e
--R
--R
--R
--R
         х
--R
--R
               4 2 5 5 3 3 4 2 4
--R
          (- 25A a b - 78B a b)e + (400A a b - 125B a b)d e
--R
                24 3323 5 2432
--R
--R
          (- 900A a b + 800B a b )d e + (600A a b - 900B a b )d e
--R
--R
                5 4
```

```
--R
          300B a b d e
--R
--R
        x
--R
            5 6 5 4 2 5 4
--R
--R
       (275A a b - 438B a )e + (- 800A a b + 1375B a b)d e
--R
                                        2 4 3 3 3 2
--R
                       4 2 2 3
       (900A a b - 1600B a b )d e + (- 600A a b + 900B a b )d e
--R
--R
--R
             5 244
        (300A \ a \ b - 300B \ a \ b ) d \ e + (-60A \ b + 60B \ a \ b ) d
--R
--R /
--R
--R
      60b x + 60a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 532
--S 533 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R (3)
--R
                    4 2 5 5 3 3 4 2 4
               (300A a b - 360B a b)e + (- 1200A a b + 1500B a b )d e
--R
--R
--R
                         3 3 2 3
--R
               (1800A a b - 2400B a b )d e + (- 1200A a b + 1800B a b )d e
--R
                    6 5 4 6 5
--R
--R
               (300A b - 600B a b )d e + 60B b d
--R
--R
--R
--R
                        6 5
                                       4 2
           (300A \ a \ b - 360B \ a \ ) e + (-1200A \ a \ b + 1500B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                                             2 4 3 3 3 2
--R
                 3 3 4 2 2 3
           (1800A a b - 2400B a b )d e + (- 1200A a b + 1800B a b )d e
--R
--R
--R
                 5 244
           (300A a b - 600B a b )d e + 60B a b d
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                       6 5 5 6 4 5
           6 5 6
--R
--R
        12B b e x + ((15A b - 18B a b)e + 75B b d e)x
--R
               5 245 6 54 6234
--R
        ((-25A \ a \ b + 30B \ a \ b ) \ e + (100A \ b - 125B \ a \ b ) \ d \ e + 200B \ b \ d \ e ) x
--R
```

```
--R
           2 4 3 3 5 5 2 4 4
--R
--R
          (50A a b - 60B a b )e + (- 200A a b + 250B a b )d e
--R
               6 5 2 3 6 3 2
--R
--R
         (300A b - 400B a b )d e + 300B b d e
--R
--R
--R
         X
--R
--R
                3 3 4 2 5 2 4 3 3 4
          (-150A a b + 180B a b )e + (600A a b - 750B a b )d e
--R
--R
                5 2423
--R
                                   6
                                           5 3 2
--R
         (-900A~a~b~+1200B~a~b~)d~e~+(600A~b~-900B~a~b~)d~e~+300B~b~d~e
--R
--R
         2
--R
         x
--R
                4 2 5 5 3 3 4 2 4
--R
--R
         (- 240A a b + 300B a b)e + (900A a b - 1200B a b )d e
--R
--R
                2 4 3 3 2 3 5 2 4 3 2
--R
          (- 1200A a b + 1800B a b )d e + (600A a b - 1200B a b )d e
--R
--R
               5 4
--R
          300B a b d e
--R
--R
--R
          5 6 5 4 2 5 4
--R
--R
       (60A \ a \ b - 60B \ a \ ) e + (-300A \ a \ b + 300B \ a \ b) d \ e
--R
           3 3 4 2 2 3 2 4 3 3 3 2
--R
--R
       (600A a b - 600B a b )d e + (- 600A a b + 600B a b )d e
--R
            5 244
--R
--R
       (300A \ a \ b - 300B \ a \ b ) d \ e + (-60A \ b + 60B \ a \ b ) d
--R /
--R
--R
      60b x + 60a b
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 533
--S 534 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
              4 5 5 3 2 4 4
--R
```

```
(-215A \ a \ b + 378B \ a \ ) e + (500A \ a \ b - 1075B \ a \ b) d \ e
--R
--R
--R
                      3 2 2 3 2 3 3 2
                 2 3
--R
         (- 300A a b + 1000B a b )d e - 300B a b d e
--R /
--R
--R
       60b
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 534
--S 535 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 535
)clear all
--S 536 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^4/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
     (1)
            45 4 34 3 223
--R
--R
        B e x + (A e + 4B d e)x + (4A d e + 6B d e)x
--R
--R
             2 2
                    3 2
                                3
--R.
        (6A d e + 4B d e)x + (4A d e + B d)x + A d
--R /
       2 2 2
--R
--R
       b x + 2a b x + a
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 536
--S 537 of 1293
r0:=2*e*(b*d-a*e)^2*(2*b*B*d+3*A*b*e-5*a*B*e)*x/b^5-_
    (A*b-a*B)*(b*d-a*e)^4/(b^6*(a+b*x))+_
    e^2*(b*d-a*e)*(3*b*B*d+2*A*b*e-5*a*B*e)*(a+b*x)^2/b^6+_
    1/3*e^3*(4*b*B*d+A*b*e-5*a*B*e)*(a+b*x)^3/b^6+_
    1/4*B*e^4*(a+b*x)^4/b^6+(b*d-a*e)^3*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)*log(a+b*x)/b^6
--R.
--R
--R
     (2)
--R
                        3 2
                                 4 4
                                               2 3
                                                         3 2
--R
                (-48A \ a \ b + 60B \ a \ b)e + (144A \ a \ b - 192B \ a \ b)d \ e
--R
                                  2 3 2 2 5 4 3 5 4
--R
               (-144A \ a \ b + 216B \ a \ b ) d \ e + (48A \ b - 96B \ a \ b ) d \ e + 12B \ b \ d
--R
```

```
--R
--R
--R
                4 5 4 3 2 4 3
--R
--R
          (-48A \ a \ b + 60B \ a \ )e + (144A \ a \ b - 192B \ a \ b)d \ e
--R
               23 3222 4 233 44
--R
--R
         (-144A a b + 216B a b )d e + (48A a b - 96B a b )d e + 12B a b d
--R
         log(b x + a)
--R
--R
--R
                    5
                            4 4
                                   5 3 4
          5 4 5
       3B b e x + ((4A b - 5B a b)e + 16B b d e)x
--R
--R
--R
              4 234 5
                                      4 3 5 2 2 3
--R
       ((-8A a b + 10B a b )e + (24A b - 32B a b )d e + 36B b d e )x
--R
--R
              23 324
                                 4 23 3
--R
          (24A a b - 30B a b )e + (- 72A a b + 96B a b )d e
--R
--R
              5 4 2 2
--R
          (72A b - 108B a b )d e + 48B b d e
--R
--R
         2
--R
         X
--R
               3 2 4 4 2 3 3 2 3
--R
--R
          (16A a b - 5B a b)e + (- 72A a b + 64B a b )d e
--R
--R
                4 2322 43
--R
          (72A a b - 108B a b )d e + 48B a b d e
--R
--R
--R
                    5 4
--R
                              3 2
       (-32A \ a \ b + 55B \ a \ )e + (72A \ a \ b - 128B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
            2 3 3 2 2 2
       (-72A a b + 108B a b )d e + (48A a b - 48B a b )d e
--R
--R
--R
            5 4 4
--R
       (-12A b + 12B a b)d
--R /
--R.
        7
      12b x + 12a b
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 537
--S 538 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
   (3)
                   3 2 4 4 2 3 3 2 3
--R
--R
             (-48A a b +60B a b)e + (144A a b - 192B a b )d e
--R
                          2 3 2 2 5 4 3 5 4
--R
--R
            (- 144A a b + 216B a b )d e + (48A b - 96B a b )d e + 12B b d
--R
--R
           x
--R
--R
                      5 4
                                  3 2
--R
          (- 48A a b + 60B a )e + (144A a b - 192B a b)d e
--R
--R
                     3 2 2 2
                                      4 233
               2 3
--R
         (- 144A a b + 216B a b )d e + (48A a b - 96B a b )d e + 12B a b d
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
         5 4 5 5 4 4 5 3 4
--R
       3B b e x + ((4A b - 5B a b)e + 16B b d e)x
--R
--R
              4 234 5
                                    4 3 5 2 2 3
       ((-8A a b + 10B a b )e + (24A b - 32B a b )d e + 36B b d e )x
--R
--R
               23 324 4 23 3
--R
--R
          (24A a b - 30B a b )e + (- 72A a b + 96B a b )d e
--R
--R
                 4 2 2 5 3
--R.
         (72A b - 108B a b )d e + 48B b d e
--R
--R
         2
--R
        X
--R
              3 2 4 4
                                  2 3 3 2 3
--R
         (36A a b - 48B a b)e + (- 96A a b + 144B a b )d e
--R
--R
--R
                      2322
          (72A a b - 144B a b )d e + 48B a b d e
--R
--R
--R
        x
--R
--R.
             4
                 5 4 3 2
                                    4 3
--R
       (-12A \ a \ b + 12B \ a \ )e + (48A \ a \ b - 48B \ a \ b)d \ e
--R
--R
             2 3 3 2 2 2
--R
       (-72A a b + 72B a b )d e + (48A a b - 48B a b )d e
--R
            5 4 4
--R
       (-12A b + 12B a b)d
--R
```

```
--R /
       7 6
--R
--R
     12b x + 12a b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 538
--S 539 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                   4 4
                                 2 2 3 3 2 2 2 2
              3
         (20A \ a \ b - 43B \ a \ )e + (-24A \ a \ b + 80B \ a \ b)d \ e - 36B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
     (4) -----
--R
                                     6
--R
                                  12b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 539
--S 540 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 540
)clear all
--S 541 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^3/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
     (1)
              3 2 3 2 2 2 2
--R
--R B e x + (A e + 3B d e )x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d )x + A d
--R
                             2 2
--R
--R
                             b x + 2a b x + a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 541
--S 542 of 1293
r0:=3*e*(b*d-a*e)*(b*B*d+A*b*e-2*a*B*e)*x/b^4-_
    (A*b-a*B)*(b*d-a*e)^3/(b^5*(a+b*x))+_
    1/2*e^2*(3*b*B*d+A*b*e-4*a*B*e)*(a+b*x)^2/b^5+_
    1/3*B*e^3*(a+b*x)^3/b^5+(b*d-a*e)^2*(b*B*d+3*A*b*e-4*a*B*e)*log(a+b*x)/b^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
                    2 2
                           3 3 3 2 2
                                                          2
```

```
--R
               (18A \ a \ b - 24B \ a \ b)e + (-36A \ a \ b + 54B \ a \ b)d \ e
--R
                   4 3 2 4 3
--R
--R
               (18A b - 36B a b) d e + 6B b d
--R
--R
--R
--R
                       4 3
                                    2 2
           (18A a b - 24B a )e + (- 36A a b + 54B a b)d e
--R
--R
                 3 222
--R
--R
            (18A a b - 36B a b )d e + 6B a b d
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
           4 3 4
                      4
                              3 3 4 2 3
--R
        2B b e x + ((3A b - 4B a b)e + 9B b d e)x
--R
--R
               3 223
                                   4 3 2 4 2 2
        ((- 9A a b + 12B a b )e + (18A b - 27B a b )d e + 18B b d e)x
--R
--R
--R
              2 2 3 3 3 2 2 2 3 2
--R
        ((- 9A a b + 8B a b)e + (18A a b - 27B a b )d e + 18B a b d e)x
--R
--R
                                 2 2 3 2
--R
        (9A \ a \ b - 16B \ a \ )e + (-18A \ a \ b + 27B \ a \ b)d \ e
--R
--R
             3 222 4 33
--R
        (18A a b - 18B a b )d e + (- 6A b + 6B a b )d
--R /
       6 5
--R
      6b x + 6a b
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 542
--S 543 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
               (18A a b - 24B a b)e + (- 36A a b + 54B a b )d e
--R
--R.
--R
                            3 2
                                     4 3
--R
              (18A b - 36B a b )d e + 6B b d
--R
--R
--R
                   4 3 2 2 3 2
--R
--R
            (18A \ a \ b - 24B \ a \ ) e + (-36A \ a \ b + 54B \ a \ b) d \ e
```

```
--R
             3 222 33
--R
          (18A a b - 36B a b )d e + 6B a b d
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
          4 3 4 4 3 3 4 2 3
--R
--R
       2B b e x + ((3A b - 4B a b)e + 9B b d e)x
--R
--R
                     2 2 3
                                           3 2
--R
       ((- 9A a b + 12B a b )e + (18A b - 27B a b )d e + 18B b d e)x
--R
              2 2 3 3 3 2 2 2
--R
       ((- 12A a b + 18B a b)e + (18A a b - 36B a b )d e + 18B a b d e)x
--R
--R
--R
               4 3
                                       3 2
                            2 2
--R
       (6A \ a \ b - 6B \ a \ )e + (-18A \ a \ b + 18B \ a \ b)d \ e
--R
--R
            3 222
        (18A a b - 18B a b )d e + (- 6A b + 6B a b )d
--R
--R /
      6 5
--R
--R
      6b x + 6a b
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 543
--S 544 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
          2 3 3 2 2
--R
--R
       (- 3A a b + 10B a )e - 9B a b d e
--R
   (4) -----
--R
--R
                     6b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 544
--S 545 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 545
)clear all
--S 546 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^2/(a+b*x)^2
```

```
--R
--R
--R
            2 3 2 2
--R
         B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d
--R
     (1) -----
--R
                         2 2
                                        2
--R
                        b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 546
--S 547 of 1293
r0:=e*(2*b*B*d+A*b*e-2*a*B*e)*x/b^3+1/2*B*e^2*x^2/b^2-_
    (A*b-a*B)*(b*d-a*e)^2/(b^4*(a+b*x))+(b*d-a*e)*_
    (b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*log(a+b*x)/b^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                     2
                          2 2
                                      3
                                               2
--R
            ((-4A a b + 6B a b)e + (4A b - 8B a b)d e + 2B b d)x
--R
--R
                                             2
--R
            (-4A \ a \ b + 6B \ a \ )e + (4A \ a \ b - 8B \ a \ b)d \ e + 2B \ a \ b \ d
--R
--R
          log(b x + a)
--R
           3 2 3 3 2 2 3
--R
--R
        B b e x + ((2A b - 3B a b)e + 4B b d e)x
--R
--R
                     2
                                  2
--R.
         ((2A \ a \ b \ - \ 4B \ a \ b)e \ + \ 4B \ a \ b \ d \ e)x + (- \ 2A \ a \ b + \ 2B \ a \ )e
--R
                          3
             2 2
--R
--R
         (4A \ a \ b - 4B \ a \ b)d \ e + (-2A \ b + 2B \ a \ b)d
--R /
--R
        5
       2b x + 2a b
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 547
--S 548 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R.
--R
     (3)
--R
                     2
                          2 2 3
                                               2 3 2
            ((- 4A a b + 6B a b)e + (4A b - 8B a b )d e + 2B b d )x
--R
--R
--R
                         3 2
                                              2
           (-4A a b + 6B a )e + (4A a b - 8B a b)d e + 2B a b d
--R
--R
```

```
--R
          log(b x + a)
--R
--R
          3 2 3 3 2 2 3 2
--R
       B b e x + ((2A b - 3B a b)e + 4B b d e)x
      + 2
--R
                    2 2
                                  2
--R
       ((2A a b - 4B a b)e + 4B a b d e)x + (- 2A a b + 2B a )e
--R
--R
             2 2
                                3
--R
        (4A \ a \ b \ - \ 4B \ a \ b) d \ e \ + \ (- \ 2A \ b \ + \ 2B \ a \ b \ ) d
--R
--R /
--R
       5 4
       2b x + 2a b
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 548
--S 549 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 549
--S 550 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 550
)clear all
--S 551 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
             2
--R
       B e x + (A e + B d)x + A d
    (1) -----
--R
--R
             2 2
--R
            b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 551
--S 552 of 1293
r0:=B*e*x/b^2-(A*b-a*B)*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x))+_
    (b*B*d+A*b*e-2*a*B*e)*log(a+b*x)/b^3
--R.
```

```
--R
--R
     (2)
--R
                              2
              2
--R
        (((A b - 2B a b)e + B b d)x + (A a b - 2B a )e + B a b d)log(b x + a)
--R
--R
                                         2
       Bbex + Babex + (Aab - Ba)e + (- Ab + Bab)d
--R
--R /
       4 3
--R
       b x + a b
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 552
--S 553 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
         (((A b - 2B a b)e + B b d)x + (A a b - 2B a )e + B a b d)log(b x + a)
--R
--R
--R
          2 2
                                        2
--R
       Bbex + Babex + (Aab - Ba)e + (- Ab + Bab)d
--R /
       4 3
--R
--R
       b x + a b
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 553
--S 554 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 554
--S 555 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 555
)clear all
--S 556 of 1293
t0:=(A+B*x)/(a+b*x)^2
--R
```

```
--R
--R
      B x + A
--R (1) -----
--R 2 2 2
--R
       b x + 2a b x + a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 556
--S 557 of 1293
r0:=(-A*b+a*B)/(b^2*(a+b*x))+B*log(a+b*x)/b^2
--R
--R
--R
        (B b x + B a)log(b x + a) - A b + B a
    (2) -----
--R
--R
                    3 2
--R
                    bx+ab
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 557
--S 558 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (B b x + B a)log(b x + a) - A b + B a
--R (3) -----
                     3 2
--R
--R
                    bx + ab
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 558
--S 559 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 559
--S 560 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 560
)clear all
--S 561 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x))
```

```
--R
--R
--R
                            B x + A
--R
     (1) -----
          2 3 2 2 2
--R
--R
         b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 561
--S 562 of 1293
r0:=(-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x))+(B*d-A*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^2-__
    (B*d-A*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^2
--R
--R
--R
     (2)
--R
         ((A b e - B b d)x + A a b e - B a b d)log(e x + d)
--R
--R
--R
              2
                    2
         ((- A b e + B b d)x - A a b e + B a b d)log(b x + a) + (A a b - B a)e
--R
--R
--R
              2
--R
         (-Ab+Bab)d
--R /
--R
         2 2 2 3 4 2 3 2 2 2
--R
       (a b e - 2a b d e + b d )x + a b e - 2a b d e + a b d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 562
--S 563 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                   2
        ((A b e - B b d)x + A a b e - B a b d)log(e x + d)
--R
--R
--R
               2
                     2
--R
        ((- A b e + B b d)x - A a b e + B a b d)log(b x + a) + (A a b - B a)e
--R
--R
              2
         (-Ab+Bab)d
--R
--R /
--R.
         2 2 2 3 4 2 3 2 2 2
--R
       (a b e - 2a b d e + b d )x + a b e - 2a b d e + a b d
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 563
--S 564 of 1293
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
     (4) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 564
--S 565 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 565
)clear all
--S 566 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
       B x + A
--R /
          2 2 4 2 2 3 2 2
--R
--R
         b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d )x
--R
--R
                        2
                              2 2
--R
          (2a d e + 2a b d)x + a d
--R
                                            Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 566
--S 567 of 1293
r0:=(-A*b+a*B)/((b*d-a*e)^2*(a+b*x))+(B*d-A*e)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x))+_
     (b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^3-_
     (b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^3
--R
--R
--R
      (2)
--R
--R
             ((-2A b + B a b)e + B b d e)x
--R
--R
                                         2
--R.
             ((-2A \ a \ b + B \ a \ )e + (-2A \ b + 2B \ a \ b)d \ e + B \ b \ d \ )x
--R
--R
                            2
             (- 2A a b + B a )d e + B a b d
--R
--R
--R
           log(e x + d)
--R
--R
                   2
                             2 2
                                          2
```

```
--R
            ((2A b - B a b)e - B b d e)x
--R
--R
                        2 2 2
--R
            ((2A \ a \ b - B \ a \ )e + (2A \ b - 2B \ a \ b)d \ e - B \ b \ d \ )x
--R
--R
                       2
--R
            (2A a b - B a )d e - B a b d
--R
          log(b x + a)
--R
--R
--R
                       2 2 2
                                        2 2 2 2 2
        ((- 2A a b + B a )e + 2A b d e - B b d )x - A a e + 2B a d e
--R
--R
--R
--R
         (A b - 2B a b)d
--R /
--R
          3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 2
--R
         (abe - 3abde + 3abde - bde)x
--R
          44 3 3 3 44 4 3 3 22 223
--R
--R
         (a e - 2a b d e + 2a b d e - b d )x + a d e - 3a b d e + 3a b d e
--R
--R
           3 4
        - a b d
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 567
--S 568 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
            ((-2A b + B a b)e + B b d e)x
--R
--R
                          2 2
                                     2
            ((-2A \ a \ b + B \ a \ )e + (-2A \ b + 2B \ a \ b)d \ e + B \ b \ d \ )x
--R
--R
--R
                          2
--R
            (- 2A a b + B a )d e + B a b d
--R
--R
          log(e x + d)
--R
--R
                         2 2 2
--R
            ((2A b - B a b)e - B b d e)x
--R
--R
                       2 2 2
--R
            ((2A \ a \ b - B \ a \ )e + (2A \ b - 2B \ a \ b)d \ e - B \ b \ d )x
--R
--R
                        2
                                     2
```

```
--R
          (2A a b - B a )d e - B a b d
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                    --R
      ((- 2A a b + B a )e + 2A b d e - B b d )x - A a e + 2B a d e
--R
--R
--R
--R
       (A b - 2B a b)d
--R /
--R
        3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 2
       (a b e - 3a b d e + 3a b d e - b d e)x
--R
--R
        4 4 3 3 3 4 4 4 3 3 2 2 2 2 3
--R
--R
       (a e - 2a b d e + 2a b d e - b d )x + a d e - 3a b d e + 3a b d e
--R
--R
          3 4
--R
       - a b d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 568
--S 569 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 569
--S 570 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 570
)clear all
--S 571 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^3)
--R
--R
--R (1)
--R B x + A
--R /
--R
               3 2 2 4 2 3 2 2 2 3
--R
      b e x + (2a b e + 3b d e )x + (a e + 6a b d e + 3b d e)x
--R
        2 2 2 3 2 2 2 3
--R
                                                   2 3
```

```
--R
          (3a d e + 6a b d e + b d)x + (3a d e + 2a b d)x + a d
--R
                                            Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 571
--S 572 of 1293
r0:=-b*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^3*(a+b*x))+1/2*(B*d-A*e)/_
     ((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^2)+(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)/_
     ((b*d-a*e)^3*(d+e*x))+b*(b*B*d-3*A*b*e+2*a*B*e)*_
     log(a+b*x)/(b*d-a*e)^4-b*(b*B*d-3*A*b*e+2*a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^4
--R
--R
--R
     (2)
                           2 3
--R
                                     3 2 3
              ((6A b - 4B a b)e - 2B b d e)x
--R
--R
--R
                           2 3
                                         3
                                                     2 2 3 2 2
--R.
              ((6A \ a \ b \ - \ 4B \ a \ b)e \ + (12A \ b \ - \ 10B \ a \ b \ )d \ e \ - \ 4B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                      2 2 2
                                           3
                                                     2 2
              ((12A \ a \ b \ - 8B \ a \ b)d \ e \ + (6A \ b \ - 8B \ a \ b)d \ e \ - 2B \ b \ d)x
--R
--R
--R
                         2 2
--R
             (6A \ a \ b \ - 4B \ a \ b)d \ e \ - 2B \ a \ b \ d
--R
--R
           log(e x + d)
--R
                           2 3 3 2 3
--R
--R
             ((-6Ab + 4Bab)e + 2Bbde)x
--R
--R
                            2 3
                                                    2 2 32 2
                                             3
--R
             ((- 6A a b + 4B a b)e + (- 12A b + 10B a b )d e + 4B b d e)x
--R
--R
                               2
                                               3
                                                         2 2
             ((- 12A a b + 8B a b)d e + (- 6A b + 8B a b)d e + 2B b d)x
--R
--R
--R
                      2
                            2 2
--R
             (-6A ab + 4B ab)d e + 2B abd
--R
--R
           log(b x + a)
--R
--R
                                                2
          ((6A \ a \ b \ - \ 4B \ a \ b)e \ + (- \ 6A \ b \ + \ 2B \ a \ b \ )d \ e \ + \ 2B \ b \ d \ e)x
--R
--R.
                                        2
--R
                         3 3
                                               2
                                                     2
             (3A \ a \ b - 2B \ a \ )e + (6A \ a \ b - 5B \ a \ b)d \ e + (- 9A \ b + 4B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
--R
                 3 3
--R
             3B b d
--R
--R
           X
```

```
--R
         3 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R
       - A a e + (6A a b - B a )d e + (- 3A a b - 4B a b)d e
--R
--R
           3 2 3
       (-2Ab+5Bab)d
--R
--R /
         4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3 5 4 2 3
--R
       (2a b e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d e )x
--R
--R
--R
        5 6 4 5 3 2 2 4
                                 2 3 3 3 4 4 2 5 5 2
--R
       (2a e - 4a b d e - 4a b d e + 16a b d e - 14a b d e + 4b d e)x
--R
        5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2
--R
                                             4 5
--R
       (4a d e - 14a b d e + 16a b d e - 4a b d e - 4a b d e + 2b d )x
--R
       5 2 4 4 3 3 3 2 4 2 2 3 5 4 6
--R
       2a d e \, - 8a b d e \, + 12a b d e \, - 8a b d e \, + 2a b d
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 572
--S 573 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
              3 23 323
--R
--R
         ((6A b - 4B a b )e - 2B b d e )x
--R
               2 2 3 3 2 2 3 2 2
--R.
--R
          ((6A a b - 4B a b)e + (12A b - 10B a b )d e - 4B b d e)x
--R
--R
                2 2 2
                                 3
                                        2 2
--R
          ((12A a b - 8B a b)d e + (6A b - 8B a b)d e - 2B b d)x
--R
--R
                    2 2
          (6A a b - 4B a b)d e - 2B a b d
--R
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
                      2 3 3 2 3
         ((-6Ab + 4Bab)e + 2Bbde)x
--R
--R.
--R
                      2 3
                                           2 2 3 2 2
                                  3
         ((- 6A a b + 4B a b)e + (- 12A b + 10B a b )d e + 4B b d e)x
--R
--R
                 2 2 2 3 2 3 3
--R
--R
         ((- 12A a b + 8B a b)d e + (- 6A b + 8B a b)d e + 2B b d)x
--R
--R
                 2 2 2 2 3
```

```
--R
          (-6A a b + 4B a b)d e + 2B a b d
--R
--R
          log(b x + a)
--R
              2 2 3 3 2 2 3 2 2
--R
        ((6A \ a \ b \ - \ 4B \ a \ b)e \ + (- \ 6A \ b \ + \ 2B \ a \ b \ )d \ e \ + \ 2B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                      3 3
                                  2
                                         2
                                             2
          (3A a b - 2B a )e + (6A a b - 5B a b)d e + (- 9A b + 4B a b )d e
--R
--R
--R
              3 3
           3B b d
--R
--R
--R
         X
--R
--R
           3 3
                     2 3 2
        - A a e + (6A a b - B a )d e + (- 3A a b - 4B a b)d e
--R.
--R
--R
            3 2 3
--R
        (-2Ab+5Bab)d
--R /
--R
          4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3 5 4 2 3
--R
        (2a b e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d e )x
--R
--R
          5 6 4 5 3 2 2 4 2 3 3 3 4 4 2 5 5 2
--R
        (2a e - 4a b d e - 4a b d e + 16a b d e - 14a b d e + 4b d e)x
--R
--R
          5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 4 5 5 6
--R
        (4a d e - 14a b d e + 16a b d e - 4a b d e - 4a b d e + 2b d)x
--R.
--R
         5 2 4 4 3 3 3 2 4 2 2 3 5
--R
        2a d e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2a b d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 573
--S 574 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 574
--S 575 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 575
```

```
)clear all
--S 576 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^4)
--R
--R
--R
     (1)
      B x + A
--R
--R /
--R
         2 4 6
                   4 2 3 5 2 4
                                                    3 2224
         b e x + (2a b e + 4b d e )x + (a e + 8a b d e + 6b d e )x
--R
--R
                        2 2 2 3 3
--R
                                           2 2 2
--R
         (4a d e + 12a b d e + 4b d e)x + (6a d e + 8a b d e + b d )x
--R
                            2 4
--R
           2 3
                      4
--R
         (4a d e + 2a b d)x + a d
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 576
--S 577 of 1293
r0:=-b^2*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^4*(a+b*x))+_
    1/3*(B*d-A*e)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^3)+_
    1/2*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^2)+_
    b*(b*B*d-3*A*b*e+2*a*B*e)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x))+_
    b^2*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^5-_
    b^2*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^5
--R
--R
--R
     (2)
                              3 4 4 3 4
--R
--R
            ((-24A b + 18B a b)e + 6B b d e)x
--R
--R
                           3
                                   2 2 4
                  (- 24A a b + 18B a b )e + (- 72A b + 60B a b )d e
--R
--R
--R
                      4 2 2
                  18B b d e
--R
--R
--R
               3
--R
              x
--R.
--R.
                           3 22 3
                                                    4
                                                          3 2 2
                  (-72A \ a \ b + 54B \ a \ b ) d \ e + (-72A \ b + 72B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                      4 3
--R
                  18B b d e
--R
--R
               2
```

```
--R
--R
--R
                  3 2 2 2 2 4 3 3 4 4
--R
          ((- 72A a b + 54B a b )d e + (- 24A b + 36B a b )d e + 6B b d )x
--R
--R
                  3
                        223
                                      3 4
--R
          (- 24A a b + 18B a b )d e + 6B a b d
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
                       3 4 4 3 4
          ((24A b - 18B a b )e - 6B b d e )x
--R
--R
--R
                       2 2 4
                                             3 3 4 2 2 3
                                    4
--R
          ((24A a b - 18B a b )e + (72A b - 60B a b )d e - 18B b d e )x
--R
--R
                 3 22 3
                                              3 2 2 4 3 2
                                     4
          ((72A a b - 54B a b )d e + (72A b - 72B a b )d e - 18B b d e)x
--R
--R
                 3 2 2 2 2 4 3 3 4 4
--R
           ((72A \ a \ b \ - 54B \ a \ b \ )d \ e \ + (24A \ b \ - 36B \ a \ b \ )d \ e \ - 6B \ b \ d \ )x
--R
--R
--R
                3 223
                                    3 4
--R
           (24A a b - 18B a b )d e - 6B a b d
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
               3 2 2 4 4 3 3 4 2 2 3
--R
        ((- 24A a b + 18B a b )e + (24A b - 12B a b )d e - 6B b d e )x
--R
--R
                 2 2 3 4
                                            2 2 3
          (- 12A a b + 9B a b)e + (- 48A a b + 39B a b )d e
--R
--R
               4 3 2 2 4 3
--R
--R
          (60A b - 33B a b )d e - 15B b d e
--R
--R
          2
--R
         X
--R
--R
                    4 4
                                2 2
          (4A \ a \ b - 3B \ a \ )e + (-36A \ a \ b + 26B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                 3 2 2 2 2 4 3 3 4 4
--R
           (- 12A a b + 18B a b )d e + (44A b - 30B a b )d e - 11B b d
--R
--R
--R
--R
                                         2 2 3 2 2
                          4 3
       - 2A a e + (12A a b - B a )d e + (- 36A a b + 9B a b)d e
--R
--R
```

```
3 223 4 34
--R
--R
        (20A a b + 9B a b )d e + (6A b - 17B a b )d
--R /
                                      2 4 3 5 5 4 4 6 5 3 4
--R
          5 8 4 2 7 3 3 2 6
--R
        (6a b e - 30a b d e + 60a b d e - 60a b d e + 30a b d e - 6b d e )x
--R
            68 5 7 4226 3335
--R
--R
           6a e - 12a b d e - 30a b d e + 120a b d e - 150a b d e
--R
             5 5 3 6 6 2
--R
         84a b d e - 18b d e
--R
--R
--R
         3
--R
         x
--R
--R
              6 7 5 2 6 4 2 3 5 2 4 5 3 5 6 2
--R
            18a d e - 72a b d e + 90a b d e - 90a b d e + 72a b d e
--R
--R
               6 7
--R
           - 18b d e
--R
--R
         2
--R
         x
--R
--R
            6 2 6 5 3 5 4 2 4 4 3 3 5 3 2 4 6 2
--R
          18a d e - 84a b d e + 150a b d e - 120a b d e + 30a b d e
--R
--R
              5 7 6 8
--R
          12a b d e - 6b d
--R
--R
         X
--R
        6 3 5 5 4 4 4 2 5 3 3 3 6 2 2 4 7 5 8
--R
--R
       6a d e - 30a b d e + 60a b d e - 60a b d e + 30a b d e - 6a b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 577
--S 578 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R.
                         3 4 4 3 4
--R.
          ((- 24A b + 18B a b )e + 6B b d e )x
--R
--R
                       3
                           2 2 4
                (- 24A a b + 18B a b )e + (- 72A b + 60B a b )d e
--R
--R
--R
                   4 2 2
               18B b d e
--R
```

```
--R
--R
            3
--R
           x
--R
--R
                      3 22 3 4 3 22
              (-72A a b + 54B a b )d e + (-72A b + 72B a b )d e
--R
--R
--R
              18B b d e
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                       2 2 2 2 4 3 3 4 4
--R
          ((- 72A a b + 54B a b )d e + (- 24A b + 36B a b )d e + 6B b d )x
--R
--R
                      2 2 3
                                     3 4
--R
          (- 24A a b + 18B a b )d e + 6B a b d
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
               4 3 4 4 3 4
--R
          ((24A b - 18B a b )e - 6B b d e )x
--R
--R
                                        3 3 4 2 2 3
                 3 224
          ((24A a b - 18B a b )e + (72A b - 60B a b )d e - 18B b d e )x
--R
--R
--R
                3 22 3 4 322 432
--R
          ((72A a b - 54B a b )d e + (72A b - 72B a b )d e - 18B b d e)x
--R.
                 3 2222
--R
                                              3 3
--R
          ((72A a b - 54B a b )d e + (24A b - 36B a b )d e - 6B b d )x
--R
                3 223
--R
--R
          (24A a b - 18B a b )d e - 6B a b d
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                      2 2 4
                                  4
                                          3 3 4 2 2 3
--R
        ((-24A \ a \ b \ + 18B \ a \ b \ ) \ e \ + (24A \ b \ - 12B \ a \ b \ ) \ d \ e \ - 6B \ b \ d \ e \ ) x
--R
--R
--R
                                      3
                2 2 3 4
--R.
          (- 12A a b + 9B a b)e + (- 48A a b + 39B a b )d e
--R
              4 3 2 2 4 3
--R
          (60A b - 33B a b )d e - 15B b d e
--R
--R
--R
         2
--R
        x
--R
```

```
3 4 4 2 2 3 3
--R
--R
          (4A a b - 3B a )e + (- 36A a b + 26B a b)d e
--R
--R
                  3 2222
                                              3 3
                                     4
--R
           (- 12A a b + 18B a b )d e + (44A b - 30B a b )d e - 11B b d
--R
--R
        X
--R
                    3 4 3 2 2 3 2 2
--R
           4 4
       - 2A a e + (12A a b - B a )d e + (- 36A a b + 9B a b)d e
--R
--R
--R
            3
                  2 2 3
        (20A a b + 9B a b )d e + (6A b - 17B a b )d
--R
--R /
--R
          5 8 4 2 7 3 3 2 6 2 4 3 5 5 4 4 6 5 3 4
--R
       (6a b e - 30a b d e + 60a b d e - 60a b d e + 30a b d e - 6b d e )x
--R
--R
           6 8
                 5 7 4226 3335 2444
--R
          6a e - 12a b d e - 30a b d e + 120a b d e - 150a b d e
--R
--R
             5 5 3 6 6 2
--R
         84a b d e  - 18b d e
--R
--R
         3
--R
         X
--R
             6 7 5 2 6 4 2 3 5 2 4 5 3 5 6 2
--R
--R
            18a d e - 72a b d e + 90a b d e - 90a b d e + 72a b d e
--R
--R
               6 7
            - 18b d e
--R
--R
--R
         2
--R
         x
--R
            6 2 6 5 3 5 4 2 4 4 3 3 5 3 2 4 6 2
--R
--R
         18a d e - 84a b d e + 150a b d e - 120a b d e + 30a b d e
--R
             5 7 6 8
--R
--R
         12a b d e - 6b d
--R
--R
         X
--R.
--R.
        6 3 5 5 4 4 4 2 5 3 3 3 6 2 2 4 7 5 8
--R
       6a d e - 30a b d e + 60a b d e - 60a b d e + 30a b d e - 6a b d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 578
--S 579 of 1293
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 579
--S 580 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 580
)clear all
--S 581 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^5)
--R
--R
--R
    (1)
--R
       B x + A
--R /
--R
         257 5 2 4 6 2 5 4 2 2 3 5
--R
        b e x + (2a b e + 5b d e )x + (a e + 10a b d e + 10b d e )x
--R
--R
                    23 2324
                                               2 2 3
--R
         (5a d e + 20a b d e + 10b d e )x + (10a d e + 20a b d e + 5b d e)x
--R
            2 3 2 4 2 5 2 2 4 5
--R
                                                           2 5
--R
         (10a d e + 10a b d e + b d)x + (5a d e + 2a b d)x + a d
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 581
--S 582 of 1293
r0:=-b^3*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^5*(a+b*x))+_
    1/4*(B*d-A*e)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^4)+_
    1/3*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^3)+_
    1/2*b*(b*B*d-3*A*b*e+2*a*B*e)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^2)+_
    b^2*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)/((b*d-a*e)^5*(d+e*x))+_
    b^3*(b*B*d-5*A*b*e+4*a*B*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^6-_
    b^3*(b*B*d-5*A*b*e+4*a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^6
--R.
--R
--R
     (2)
--R
                  5
                            4 5 5 4 5
--R
             ((60A b - 48B a b)e - 12B b d e)x
--R
                    4 235 5
--R
             ((60A \ a \ b \ - 48B \ a \ b \ )e \ + (240A \ b \ - 204B \ a \ b \ )d \ e \ - 48B \ b \ d \ e \ )x
--R
```

```
--R
--R
                 4 23 4 5 423
--R
            (240A a b - 192B a b )d e + (360A b - 336B a b )d e
--R
--R
                5 3 2
--R
           - 72B b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                   4 2323 5 432
--R
             (360A a b - 288B a b )d e + (240A b - 264B a b )d e
--R
--R
--R
                 5 4
--R
              - 48B b d e
--R
--R
           2
--R
          x
--R
               4 2332 5 44 55
--R
--R
         ((240A a b - 192B a b )d e + (60A b - 96B a b )d e - 12B b d )x
--R
              4 234 45
--R
          (60A a b - 48B a b )d e - 12B a b d
--R
--R
--R
        log(e x + d)
--R
              5 45 545
--R
--R
         ((- 60A b + 48B a b )e + 12B b d e )x
--R.
                   4 235 5
--R
            (-60A a b + 48B a b )e + (-240A b + 204B a b )d e
--R
--R
--R
               5 2 3
--R
           48B b d e
--R
--R
--R
          x
--R
                   4 23 4
--R
                                      5 4 2 3
            (- 240A a b + 192B a b )d e + (- 360A b + 336B a b )d e
--R
--R
--R.
             5 3 2
            72B b d e
--R
--R
--R
            3
--R
           x
--R
                   4 2323 5 432
--R
           (- 360A a b + 288B a b )d e + (- 240A b + 264B a b )d e
--R
```

```
--R
              5 4
--R
--R
             48B b d e
--R
--R
             2
--R
--R
                       4 2332
--R
              (- 240A a b + 192B a b )d e + (- 60A b + 96B a b )d e
--R
--R
--R
                  5 5
               12B b d
--R
--R
--R
--R
--R
                 4 234 45
--R
          (- 60A a b + 48B a b )d e + 12B a b d
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
             4 2 3 5 5 4 4 5 2 3 4
--R
        ((60A \ a \ b \ - 48B \ a \ b \ ) e \ + (-60A \ b \ + 36B \ a \ b \ ) d \ e \ + 12B \ b \ d \ e \ ) x
--R
               23 325 4 234
--R
--R
          (30A a b - 24B a b )e + (180A a b - 150B a b )d e
--R
                5 4 2 3 5 3 2
--R
--R
          (- 210A b + 132B a b )d e + 42B b d e
--R
--R
         3
--R
        X
--R
                3 2 4 5 2 3 3 2 4
--R
--R
         (-10A a b + 8B a b)e + (120A a b - 94B a b )d e
--R
               4 2323 5 432 54
--R
         (150A \ a \ b \ - 144B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 260A \ b \ + 178B \ a \ b \ ) d \ e \ + 52B \ b \ d \ e
--R
--R
--R
          2
--R
         X
--R
--R
              4 5 5 3 2
                                         4 4
--R.
          (5A a b - 4B a )e + (- 40A a b + 31B a b)d e
--R
               23 3223 4 2332
--R
           (180A a b - 136B a b )d e + (- 20A a b - 20B a b )d e
--R
--R
--R
                          4 4 5 5
          (-125A b + 104B a b) d e + 25B b d
--R
--R
```

```
--R
      x
--R
        5 5 4 5 4 3 2 4 2 3
--R
       - 3A a e + (20A a b - B a )d e + (- 60A a b + 8B a b)d e
--R
--R
           2 3 3 2 3 2
--R
                                       234
--R
      (120A a b - 36B a b )d e + (-65A a b -8B a b )d e
--R
           5
--R
       (-12A b + 37B a b)d
--R
--R /
           6 10 5 2 9 4 3 2 8 3 4 3 7 2 5 4 6
--R
         12a b e - 72a b d e + 180a b d e - 240a b d e + 180a b d e
--R
--R
--R
              655 764
--R
         - 72a b d e + 12b d e
--R
--R
        5
--R
        x
--R
--R
           7 10 6 9 5 2 2 8 4 3 3 7 3 4 4 6
--R
         12a e - 24a b d e - 108a b d e + 480a b d e - 780a b d e
--R
           2555 664 773
--R
--R
          648a b d e - 276a b d e + 48b d e
--R
--R
         4
--R
        x
--R
           7 9 6 2 8 5 2 3 7 4 3 4 6 3 4 5 5
--R
--R
         48a d e - 216a b d e + 288a b d e + 120a b d e - 720a b d e
--R
            2564 673 782
--R
--R
         792a b d e - 384a b d e + 72b d e
--R
--R
         3
--R
        X
--R
           728 637 5246 4355 3464
--R
--R
         72a d e - 384a b d e + 792a b d e - 720a b d e + 120a b d e
--R
--R
           2 5 7 3 6 8 2
                               7 9
--R
         288a b d e - 216a b d e + 48b d e
--R
--R
         2
--R
        x
--R
--R
           737 6 46 5255 4364 3473
         48a d e - 276a b d e + 648a b d e - 780a b d e + 480a b d e
--R
--R
```

```
2 5 8 2 6 9 7 10
--R
         - 108a b d e - 24a b d e + 12b d
--R
--R
--R
       x
--R
         7 4 6 6 5 5 5 2 6 4 4 3 7 3 3 4 8 2
--R
--R
      12a d e - 72a b d e + 180a b d e - 240a b d e + 180a b d e
--R
          2 5 9 6 10
--R
--R
       - 72a b d e + 12a b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 582
--S 583 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
               5 45 545
          ((60A b - 48B a b )e - 12B b d e )x
--R
--R
--R
                4 2 3 5 5 4 4 5 2 3 4
--R
          ((60A a b - 48B a b )e + (240A b - 204B a b )d e - 48B b d e )x
--R
--R
                    4 23 4 5
             (240A a b - 192B a b )d e + (360A b - 336B a b )d e
--R
--R
--R
                  5 3 2
--R
             - 72B b d e
--R
--R
             3
--R
           X
--R
                     4 2323 5 432
--R
--R
               (360A a b - 288B a b )d e + (240A b - 264B a b )d e
--R
                   5 4
--R
               - 48B b d e
--R
--R
--R
             2
--R
            x
--R
--R
                  4 2332 5 44 55
          ((240A a b - 192B a b )d e + (60A b - 96B a b )d e - 12B b d )x
--R
--R
--R
                     234
                                    4 5
--R
           (60A \ a \ b \ - 48B \ a \ b \ ) d \ e \ - 12B \ a \ b \ d
--R
--R
         log(e x + d)
--R
```

```
5 45 545
--R
--R
         ((- 60A b + 48B a b )e + 12B b d e )x
--R
                   4 235 5
--R
--R
            (- 60A a b + 48B a b )e + (- 240A b + 204B a b )d e
--R
--R
               5 2 3
--R
           48B b d e
--R
--R
--R
           x
--R
                   4 23 4 5 423
--R
            (- 240A a b + 192B a b )d e + (- 360A b + 336B a b )d e
--R
--R
--R
               5 3 2
--R
            72B b d e
--R
--R
            3
--R
           x
--R
                4 2323 5 432
--R
--R
           (-360A \ a \ b + 288B \ a \ b ) d \ e + (-240A \ b + 264B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
               5 4
--R
            48B b d e
--R
--R
            2
--R
          x
--R
                     4 2 3 3 2 5 4 4
--R
             (- 240A a b + 192B a b )d e + (- 60A b + 96B a b )d e
--R
--R
--R
--R
             12B b d
--R
--R
--R
               4 234 45
--R
--R
         (- 60A a b + 48B a b )d e + 12B a b d
--R
--R
        log(b x + a)
--R
--R.
            4 235 5 4 4 5234
       ((60A a b - 48B a b )e + (- 60A b + 36B a b )d e + 12B b d e )x
--R
--R
             23 325 4 23 4
--R
--R
         (30A a b - 24B a b )e + (180A a b - 150B a b )d e
--R
--R
               5 4 2 3 5 3 2
```

```
(- 210A b + 132B a b )d e + 42B b d e
--R
--R
--R
         3
--R
         X
--R
                3 2 4 5 2 3 3 2 4
--R
--R
          (-10A a b + 8B a b)e + (120A a b - 94B a b)d e
--R
                      2 3 2 3 5 4 3 2 5 4
--R
         (150A \ a \ b \ - 144B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 260A \ b \ + 178B \ a \ b \ ) d \ e \ + 52B \ b \ d \ e
--R
--R
--R
          2
--R
         x
--R
--R
              4 5 5 3 2 4 4
--R
          (5A a b - 4B a )e + (- 40A a b + 31B a b)d e
--R
--R
               2 3 3 2 2 3
                                         4 2332
           (180A \ a \ b \ - \ 136B \ a \ b \ ) d \ e \ + \ (- \ 20A \ a \ b \ - \ 20B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                5 4 4
--R
          (- 125A b + 104B a b )d e + 25B b d
--R
--R
         x
--R
           5 5 4 5 4 3 2 4 2 3
--R
--R
       - 3A a e + (20A a b - B a )d e + (- 60A a b + 8B a b)d e
--R
--R
             2 3 3 2 3 2
                                      4 234
--R
       (120A a b - 36B a b )d e + (- 65A a b - 8B a b )d e
--R
            5 4 5
--R
--R
        (-12A b + 37B a b)d
--R /
            6 10 5 2 9 4 3 2 8 3 4 3 7 2 5 4 6
--R
          12a b e - 72a b d e + 180a b d e - 240a b d e + 180a b d e
--R
--R
--R
               655 764
--R
          - 72a b d e + 12b d e
--R
--R
         5
--R
         x
--R
--R
            7 10 6 9 5 2 2 8 4 3 3 7 3 4 4 6
--R
          12a e - 24a b d e - 108a b d e + 480a b d e - 780a b d e
--R
            2555 664 773
--R
--R
          648a b d e - 276a b d e + 48b d e
--R
--R
```

```
--R
        X
--R
--R
            7 9 6 2 8 5 2 3 7 4 3 4 6 3 4 5 5
--R
          48a d e - 216a b d e + 288a b d e + 120a b d e - 720a b d e
--R
              2 5 6 4 6 7 3
                                  7 8 2
--R
--R
          792a b d e - 384a b d e + 72b d e
--R
--R
--R
         x
--R
            7 2 8 6 3 7 5 2 4 6 4 3 5 5 3 4 6 4
--R
          72a d e - 384a b d e + 792a b d e - 720a b d e + 120a b d e
--R
--R
--R
             2 5 7 3 6 8 2
                                  7 9
--R
          288a b d e - 216a b d e + 48b d e
--R
--R
         2
--R
         X
--R
--R
            737 646 5255 4364 3473
--R
          48a d e - 276a b d e + 648a b d e - 780a b d e + 480a b d e
--R
--R
               2 5 8 2 6 9 7 10
--R
           - 108a b d e - 24a b d e + 12b d
--R
--R
         X
--R
         7 4 6 6 5 5 5 2 6 4 4 3 7 3 3 4 8 2
--R
--R
      12a d e - 72a b d e + 180a b d e - 240a b d e + 180a b d e
--R
          2 5 9 6 10
--R
--R
       - 72a b d e + 12a b d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 583
--S 584 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 584
--S 585 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
```

```
--E 585
)clear all
--S 586 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^5/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
     (1)
--R
                   5
                             4 5
                                                    2 3 4
--R
         B e x + (A e + 5B d e)x + (5A d e + 10B d e)x
--R
                                    3 2 4 2
                                                       4
                     3 2 3
--R
                                                                 5
       (10A d e + 10B d e)x + (10A d e + 5B d e)x + (5A d e + B d)x + A d
--R
--R /
--R
       3 3 2 2
                       2
--R
       b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 586
--S 587 of 1293
r0:=10*e^2*(b*d-a*e)^2*(b*B*d+A*b*e-2*a*B*e)*x/b^6-_
    1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^5/(b^7*(a+b*x)^2)-_
    (b*d-a*e)^4*(b*B*d+5*A*b*e-6*a*B*e)/(b^7*(a+b*x))+_
    5/2*e^3*(b*d-a*e)*(2*b*B*d+A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^2/b^7+_
    1/3*e^4*(5*b*B*d+A*b*e-6*a*B*e)*(a+b*x)^3/b^7+_
    1/4*B*e^5*(a+b*x)^4/b^7+5*e*(b*d-a*e)^3*_
    (b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*log(a+b*x)/b^7
--R
--R
--R
     (2)
                         3 3 4 2 5 2 4 3 3 4
--R
--R
                 (- 120A a b + 180B a b )e + (360A a b - 600B a b )d e
--R
--R
                          5
                                   2 4 2 3
                                                   6
                 (-360A \ a \ b + 720B \ a \ b ) d \ e + (120A \ b - 360B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                     6 4
--R
                60B b d e
--R
--R
               2
--R
               х
--R.
--R.
                         4 2 5 5
                                                 3 3
                                                             4 2 4
--R
                 (-240A \ a \ b + 360B \ a \ b)e + (720A \ a \ b - 1200B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                   3 3 2 3
--R
                 (-720A \ a \ b + 1440B \ a \ b ) d \ e + (240A \ a \ b - 720B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                        5 4
```

```
--R
            120B a b d e
--R
--R
          X
--R
                5 6 5 4 2 5 4
--R
--R
          (- 120A a b + 180B a )e + (360A a b - 600B a b)d e
--R
                        4 2 2 3 2 4 3 3 3 2
--R
          (- 360A a b + 720B a b )d e + (120A a b - 360B a b )d e
--R
--R
--R
             2 4 4
--R
          60B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
         6 5 6
                   6
                           5 5 6 4 5
--R
       3B b e x + ((4A b - 6B a b)e + 20B b d e)x
--R
--R
              5 2 4 5 6 5 4 6 2 3 4
       ((- 10A a b + 15B a b )e + (30A b - 50B a b )d e + 60B b d e )x
--R
--R
               24 335 5 244
--R
--R
          (40A a b - 60B a b )e + (- 120A a b + 200B a b )d e
--R
              6 5 2 3 6 3 2
--R
--R
          (120A b - 240B a b )d e + 120B b d e
--R
--R
         3
--R
         х
--R
               3 3 4 2 5 2 4 3 3 4
--R
--R
         (100A a b - 135B a b )e + (- 300A a b + 500B a b )d e
--R
               5 2423 532
--R
--R
         (240A a b - 600B a b )d e + 240B a b d e
--R
--R
         2
--R
         X
--R
--R
               4 2 5 5
                                  3 3
          (-40A a b + 90B a b)e + (120A a b - 200B a b )d e
--R
--R
--R.
                24 3323 5 2432
--R
          (- 240A a b + 240B a b )d e + (240A a b - 240B a b )d e
--R
--R
                        5 4 6 5
--R
         (- 60A b + 120B a b )d e - 12B b d
--R
--R
        X
--R
```

```
5 6 5 4 2 5 4
--R
--R
       (-80A \ a \ b + 135B \ a \ ) e + (240A \ a \ b - 400B \ a \ b) d \ e
--R
--R
               3 3 4 2 2 3
                                   2 4 3 3 3 2
--R
       (-300A a b + 480B a b )d e + (180A a b - 300B a b )d e
--R
               5 244 6 55
--R
        (- 30A a b + 90B a b )d e + (- 6A b - 6B a b )d
--R
--R /
       9 2 8
--R
                      2 7
--R
      12b x + 24a b x + 12a b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 587
--S 588 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                     3 3 4 2 5 2 4
--R
--R
              (-120A a b + 180B a b ) e + (360A a b - 600B a b ) d e
--R
--R
                      5 2423
--R
              (- 360A a b + 720B a b )d e + (120A b - 360B a b )d e
--R
--R
                 6 4
--R
              60B b d e
--R
--R
             2
--R
            X
--R
                     4 2 5 5 3 3 4 2 4
--R
--R
              (- 240A a b + 360B a b)e + (720A a b - 1200B a b )d e
--R
                     2 4
--R
                               3 3 2 3
                                               5 2432
              (-720A a b + 1440B a b )d e + (240A a b - 720B a b )d e
--R
--R
--R
                    5 4
--R
              120B a b d e
--R
--R
--R
--R
                 5
                      6 5 4 2
--R
           (- 120A a b + 180B a )e + (360A a b - 600B a b)d e
--R
                                         2 4 3 3 3 2
--R
                  3.3
                        4 2 2 3
--R
           (-360A \ a \ b + 720B \ a \ b ) d \ e + (120A \ a \ b - 360B \ a \ b ) d \ e
--R
              2 4 4
--R
--R
           60B a b d e
```

```
--R
         log(b x + a)
--R
--R
          6 5 6 6 5 5 6 4 5
--R
        3B b e x + ((4A b - 6B a b)e + 20B b d e)x
--R
--R
               5 245 6 54 6234
--R
       ((- 10A a b + 15B a b )e + (30A b - 50B a b )d e + 60B b d e )x
--R
--R
               24 335
--R
                                                24 4
                                        5
          (40A a b - 60B a b )e + (- 120A a b + 200B a b )d e
--R
--R
                     5 2 3
--R
                                     6 3 2
          (120A b - 240B a b )d e + 120B b d e
--R
--R
--R
          3
--R
         X
--R
               3 3 4 2 5
--R
                                  2 4 3 3 4
          (126A a b - 204B a b )e + (- 330A a b + 630B a b )d e
--R
--R
                 5 2423 532
--R
--R
           (240A \ a \ b - 660B \ a \ b \ ) d \ e + 240B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
          2
--R
         x
--R
--R
               4 2 5 5 3 3 4 2 4
--R
          (12A a b - 48B a b)e + (60A a b + 60B a b )d e
--R
                 2 4 3 3 2 3
--R
--R
           (-240A \ a \ b + 120B \ a \ b ) d \ e + (240A \ a \ b - 240B \ a \ b ) d \ e
--R
                6 5 4 6 5
--R
--R
          (- 60A b + 120B a b )d e - 12B b d
--R
--R
         X
--R
                                4 2
--R
                     6 5
--R
       (-54A \ a \ b + 66B \ a \ ) e + (210A \ a \ b - 270B \ a \ b) d \ e
--R
--R
              3 3 4 2 2 3
                                      24 3332
--R.
        (-300A \ a \ b + 420B \ a \ b ) d \ e + (180A \ a \ b - 300B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
              5 244 6 55
        (- 30A a b + 90B a b )d e + (- 6A b - 6B a b )d
--R
--R /
--R
             8
        9 2
      12b x + 24a b x + 12a b
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--E 588
--S 589 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
                    4 5 2 2 3
--R
--R
         (26A a b - 69B a )e + (- 30A a b + 130B a b)d e - 60B a b d e
--R
--R
                                        7
--R
                                      12b
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 589
--S 590 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 590
)clear all
--S 591 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^4/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
    (1)
--R
                   4 3 4 3 2 2 3
           4 5
--R
       B e x + (A e + 4B d e)x + (4A d e + 6B d e)x
--R
--R
             2 2
                     3 2
                                 3
--R
        (6A d e + 4B d e)x + (4A d e + B d)x + A d
--R /
       3 3 2 2 2
--R
--R
      b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 591
--S 592 of 1293
r0:=2*e^2*(b*d-a*e)*(3*b*B*d+2*A*b*e-5*a*B*e)*x/b^5-_
    1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^4/(b^6*(a+b*x)^2)-_
    (b*d-a*e)^3*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)/(b^6*(a+b*x))+_
    1/2*e^3*(4*b*B*d+A*b*e-5*a*B*e)*(a+b*x)^2/b^6+_
    1/3*B*e^4*(a+b*x)^3/b^6+2*e*(b*d-a*e)^2*_
    (2*b*B*d+3*A*b*e-5*a*B*e)*log(a+b*x)/b^6
--R
--R
--R
    (2)
```

```
23 324 4 23 3
--R
              (36A \ a \ b \ - 60B \ a \ b \ ) e \ + (- 72A \ a \ b \ + 144B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                           4 2 2
                                      5 3
--R
             (36A b - 108B a b )d e + 24B b d e
--R
--R
             2
--R
           x
--R
                  3 2 4 4
--R
                                         2 3 3 2 3
             (72A a b - 120B a b)e + (- 144A a b + 288B a b )d e
--R
--R
                        2 3 2 2
--R
             (72A a b - 216B a b )d e + 48B a b d e
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                      5 4 3 2 4 3
          (36A a b - 60B a )e + (- 72A a b + 144B a b)d e
--R
--R
--R
              2 3 3 2 2 2
          (36A a b - 108B a b )d e + 24B a b d e
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
          5 4 5 5 4 4 5 3 4
--R
        2B b e x + ((3A b - 5B a b)e + 12B b d e)x
--R
                4 234 5
--R
                                       4 3 5223
--R.
       ((- 12A a b + 20B a b )e + (24A b - 48B a b )d e + 36B b d e )x
--R
                                    4 23 3 4222
               2 3 3 2 4
--R
--R
       ((-30A \ a \ b + 50B \ a \ b ) \ e + (48A \ a \ b - 120B \ a \ b ) \ d \ e + 72B \ a \ b \ d \ e ) \ x
--R
               3 2 4 4
                                            3 2 3
--R
                                    2 3
          (12A a b - 20B a b)e + (- 48A a b + 48B a b )d e
--R
--R
--R
                                    5
                     2 3 2 2
                                               4 3
          (72A a b - 72B a b )d e + (- 24A b + 48B a b )d e - 6B b d
--R
--R
--R
        X
--R
--R.
           4
                5 4
                               3 2
       (24A a b - 40B a )e + (- 60A a b + 96B a b)d e
--R.
--R
--R
           2 3 3 2 2 2
        (54A a b - 90B a b )d e + (- 12A a b + 36B a b )d e
--R
--R
          5 4 4
--R
        (- 3A b - 3B a b )d
--R
```

```
--R /
      8 2 7 2 6
--R
--R
     6b x + 12a b x + 6a b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 592
--S 593 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                  2 3 3 2 4
--R
                                                  2 3 3
              (36A a b - 60B a b )e + (- 72A a b + 144B a b )d e
--R
--R
                           4 2 2
--R
                  5
--R
             (36A b - 108B a b )d e + 24B b d e
--R
--R
             2
--R
--R
--R
                  3 2 4 4
                                    2 3 3 2 3
              (72A a b - 120B a b)e + (- 144A a b + 288B a b )d e
--R
--R
--R
                   4 2322 43
              (72A \ a \ b \ - 216B \ a \ b \ ) d \ e \ + 48B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
--R
--R
--R
                   5 4 3 2
--R
          (36A \ a \ b - 60B \ a \ ) e + (-72A \ a \ b + 144B \ a \ b) d \ e
--R
                2 3 3 2 2 2 2 3 3
--R
--R
           (36A a b - 108B a b )d e + 24B a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
          5 4 5
                     5
                             4 4
        2B b e x + ((3A b - 5B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
--R
                      234
                                5
                                           4 3
       ((- 12A a b + 20B a b )e + (24A b - 48B a b )d e + 36B b d e )x
--R
--R
--R.
              2 3 3 2 4
                                4 23 3 4222
        ((- 33A a b + 63B a b )e + (48A a b - 132B a b )d e + 72B a b d e )x
--R
--R
--R
               3 2 4 4
                                   2 3
                                           3 2 3
           (6A a b + 6B a b)e + (- 48A a b + 24B a b )d e
--R
--R
                4 2322 5 43 54
--R
           (72A a b - 72B a b )d e + (- 24A b + 48B a b )d e - 6B b d
--R
```

```
--R
--R
        X
--R
                5 4 3 2 4 3
--R
--R
       (21A a b - 27B a )e + (- 60A a b + 84B a b)d e
--R
            2 3 3 2 2 2
--R
      (54A a b - 90B a b )d e + (- 12A a b + 36B a b )d e
--R
--R
--R
            5
                    4 4
--R
       (- 3A b - 3B a b )d
--R /
       8 2 7
                    2 6
--R
--R
      6b x + 12a b x + 6a b
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 593
--S 594 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              2 3 4 2
--R
     (- 3A a b + 13B a )e - 12B a b d e
--R (4) -----
--R
                      6
--R
                      6b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 594
--S 595 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 595
)clear all
--S 596 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^3/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
   (1)
     3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R
--R
    B e x + (A e + 3B d e)x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d)x + A d
--R
                        3 3 2 2 2 3
                        b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
```

```
--E 596
--S 597 of 1293
r0:=e^2*(3*b*B*d+A*b*e-3*a*B*e)*x/b^4+1/2*B*e^3*x^2/b^3-_
    1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^3/(b^5*(a+b*x)^2)-_
    (b*d-a*e)^2*(b*B*d+3*A*b*e-4*a*B*e)/(b^5*(a+b*x))+_
    3*e*(b*d-a*e)*(b*B*d+A*b*e-2*a*B*e)*log(a+b*x)/b^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                           3 2 42 2
                   3
                           2 2 3 4
           ((-6A a b + 12B a b )e + (6A b - 18B a b )d e + 6B b d e)x
--R
--R
--R
                                        3
                                                2 2 2
           ((- 12A a b + 24B a b)e + (12A a b - 36B a b )d e + 12B a b d e)x
--R
--R
--R.
                       4 3 2 2
                                          3 2 222
--R
           (-6A a b + 12B a )e + (6A a b - 18B a b)d e + 6B a b d e
--R
         log(b x + a)
--R
--R
--R
          4 3 4 4 3 3 4 2 3
--R
        B b e x + ((2A b - 4B a b)e + 6B b d e)x
--R
--R
                   2 2 3
                              3 2 2
--R
        ((4A a b - 11B a b )e + 12B a b d e )x
--R
                 2 2 3 3 3 2 2 2
--R
--R
           (-4A \ a \ b \ + 2B \ a \ b)e \ + (12A \ a \ b \ - 12B \ a \ b \ )d \ e
--R
                4
                         3 2 4 3
--R
--R
           (-6A b + 12B a b) d e - 2B b d
--R
--R
         x
--R
            3 4 3 2 2 3 2
                                                       3
--R
--R
       (-5A a b + 7B a )e + (9A a b - 15B a b)d e + (-3A a b + 9B a b )d e
--R
            4
--R
                   3 3
--R
        (- A b - B a b )d
--R /
              6 25
       7 2
--R
--R.
      2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 597
--S 598 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R
    (3)
                 3 2 2 3 4 3 2 4 2 2
--R
--R
         ((-6A a b + 12B a b )e + (6A b - 18B a b )d e + 6B b d e)x
--R
                 --R
          ((- 12A a b + 24B a b)e + (12A a b - 36B a b )d e + 12B a b d e)x
--R
--R
                    4 3
                               2 2
                                            2 222
--R
                                       3
          (-6A a b + 12B a )e + (6A a b - 18B a b)d e + 6B a b d e
--R
--R
--R
        log(b x + a)
--R
                          3 3 4 2 3
--R
       B b e x + ((2A b - 4B a b)e + 6B b d e)x
--R
--R
--R
            3
                 2 2 3
                               3 2 2
--R
       ((4A a b - 11B a b )e + 12B a b d e )x
--R
               2 2 3 3
--R
                                       2 2 2
--R
          (-4A a b + 2B a b)e + (12A a b - 12B a b)d e
--R
--R
              4 3 2 4 3
--R
          (-6A b + 12B a b) d e - 2B b d
--R
--R
--R
            3 4 3 2 2
                                3 2 3 222
--R
--R
       (-5A a b + 7B a )e + (9A a b - 15B a b)d e + (-3A a b + 9B a b )d e
--R
           4 3 3
--R.
--R
       (- A b - B a b )d
--R /
      7 2 6 2 5
--R
--R
      2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 598
--S 599 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
   (4) 0
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 599
--S 600 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 600
)clear all
--S 601 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^2/(a+b*x)^3
--R
--R
                         2
--R
           2 3
                   2
--R
        B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d
--R
    (1) -----
                   3 3 2 2 2 3
--R
--R
                   b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 601
--S 602 of 1293
r0:=B*e^2*x/b^3-1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^2/(b^4*(a+b*x)^2)-_
    (b*d-a*e)*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)/(b^4*(a+b*x))+_
    e*(2*b*B*d+A*b*e-3*a*B*e)*log(a+b*x)/b^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                3 2 2 3
           ((2A b - 6B a b)e + 4B b d e)x
--R
--R
--R
                   2 2 2
                                        2 3 2 2
--R
          ((4A \ a \ b \ - \ 12B \ a \ b)e \ + \ 8B \ a \ b \ d \ e)x \ + \ (2A \ a \ b \ - \ 6B \ a \ )e \ + \ 4B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
           3 2 3 2 2 2
--R
       2B b e x + 4B a b e x
--R
              2 2 2
                                          2 3 2
--R
                                 3
        ((4A a b - 4B a b)e + (- 4A b + 8B a b )d e - 2B b d )x
--R
--R
                                 2
--R
                   3 2
                                        2
                                                     3
--R
        (3A \ a \ b - 5B \ a \ )e + (-2A \ a \ b + 6B \ a \ b)d \ e + (-A \ b - B \ a \ b)d
--R /
        6 2 5
--R
--R.
      2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 602
--S 603 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R
     (3)
--R
                3 2 2 3 2
--R
           ((2A b - 6B a b)e + 4B b d e)x
--R
--R
                2 2 2 2 2 2 2 2 2
--R
          ((4A \ a \ b \ - \ 12B \ a \ b)e \ + \ 8B \ a \ b \ d \ e)x \ + \ (2A \ a \ b \ - \ 6B \ a \ )e \ + \ 4B \ a \ b \ d \ e
--R
          log(b x + a)
--R
--R
--R
           3 2 3
                       2 2 2
--R
       2B b e x + 4B a b e x
--R
              2 2 2
                                   3
--R
        ((4A a b - 4B a b)e + (- 4A b + 8B a b )d e - 2B b d )x
--R
--R
            2
--R
                 3 2
                                 2
                                         2
                                                      3
--R
        (3A \ a \ b - 5B \ a \ )e + (-2A \ a \ b + 6B \ a \ b)d \ e + (-A \ b - B \ a \ b)d
--R /
--R
       6 2 5 2 4
--R
       2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 603
--S 604 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 604
--S 605 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 605
)clear all
--S 606 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
             2
--R
        B e x + (A e + B d)x + A d
--R (1) -----
         3 3 2 2 2 3
--R
--R
         b x + 3a b x + 3a b x + a
```

```
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 606
--S 607 of 1293
r0:=-1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^2)+_
     (-b*B*d-A*b*e+2*a*B*e)/(b^3*(a+b*x))+B*e*log(a+b*x)/b^3
--R
--R
--R
     (2)
              2 2
--R
--R
         (2B b e x + 4B a b e x + 2B a e)log(b x + a)
--R
--R
         ((-2A b + 4B a b)e - 2B b d)x + (-A a b + 3B a )e + (-A b - B a b)d
--R
--R /
--R
        5 2 4
--R
       2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 607
--S 608 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
--R
         (2B b e x + 4B a b e x + 2B a e)log(b x + a)
--R
--R
--R
         ((-2A b + 4B a b)e - 2B b d)x + (-A a b + 3B a)e + (-A b - B a b)d
--R /
        5 2 4 2 3
--R
--R
       2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 608
--S 609 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 609
--S 610 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
```

```
--E 610
)clear all
--S 611 of 1293
t0:=(A+B*x)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
                 B x + A
--R
--R
        3 3 2 2 2 3
--R
       b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 611
--S 612 of 1293
r0:=-1/2*(A+B*x)^2/((A*b-a*B)*(a+b*x)^2)
--R
--R
                       1 2 2 1 2
--R
                      - - B x - A B x - - A
--R
--R
--R
         3 2 2 2 2 2 3
--R
--R
         (A b - B a b)x + (2A a b - 2B a b)x + A a b - B a
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 612
--S 613 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         - 2B b x - A b - B a
--R
    (3) -----
         4 2 3 2 2
--R
         2b x + 4a b x + 2a b
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 613
--S 614 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
               2
--R
             В
--R
    (4) -----
         3 2
--R
--R
        2A b - 2B a b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 614
```

```
--S 615 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 615
)clear all
--S 616 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x))
--R
--R
--R
   (1)
--R
                            B x + A
--R ------
--R 3 4 2 3 3 2 2 2 3 2
--R b e x + (3a b e + b d)x + (3a b e + 3a b d)x + (a e + 3a b d)x + a d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 616
--S 617 of 1293
\texttt{r0:=1/2*(-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)+(-B*d+A*e)/((b*d-a*e)^2*(a+b*x))-_}
    e*(B*d-A*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^3+e*(B*d-A*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^3
--R
--R
--R
    (2)
--R
              3 2 3 2 2 2 2 2
          (2A b e - 2B b d e)x + (4A a b e - 4B a b d e)x + 2A a b e
--R
--R
--R
--R
          - 2B a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
                                     2 2 2 2 2
--R
               3 2 3 2
          (- 2A b e + 2B b d e)x + (- 4A a b e + 4B a b d e)x - 2A a b e
--R
--R
--R
             2
--R
          2B a b d e
--R.
--R
         log(b x + a)
--R
             2 2
--R
                     3
                             2
                                      3 2
       (2A a b e + (- 2A b - 2B a b )d e + 2B b d )x + (3A a b - B a )e
--R
--R
             2 3 2 2
--R
       -4Aabde+(Ab+Bab)d
--R
```

```
--R /
--R
         3 3 3 2 4 2 5 2 6 3 2
--R
       (2a b e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d )x
--R
--R
          4 2 3 3 3 2 2 4 2 5 3 5 3 4 2 2
--R
       (4a b e - 12a b d e + 12a b d e - 4a b d )x + 2a b e - 6a b d e
--R
                2 4 3
--R
        3 3 2
       6a b d e - 2a b d
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 617
--S 618 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
             3 2 3 2 2 2 2
--R
          (2A b e - 2B b d e)x + (4A a b e - 4B a b d e)x + 2A a b e
--R
--R
--R
          - 2B a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
               3 2 3 2 2 2 2 2 2
--R
          (-2A b e + 2B b d e)x + (-4A a b e + 4B a b d e)x - 2A a b e
--R
--R
              2
--R
          2B a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                      3 2 32 2 32
--R
--R
       (2A a b e + (- 2A b - 2B a b )d e + 2B b d )x + (3A a b - B a )e
--R
--R.
             2
                     3
--R
       -4Aabde+(Ab+Bab)d
--R /
--R
          3 3 3 2 4 2
                           5 2
--R
       (2a b e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d )x
--R
--R.
         4 2 3 3 3 2 2 4 2 5 3
                                             5 3 42 2
--R
       (4a b e - 12a b d e + 12a b d e - 4a b d )x + 2a b e - 6a b d e
--R
--R
         3 3 2
                2 4 3
--R
       6a b d e - 2a b d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 618
```

```
--S 619 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 619
--S 620 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 620
)clear all
--S 621 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x)^2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
      B \times A
--R /
         3 2 5 2 2 3 4 2 2 2 3 2 3
--R
--R
        b e x + (3a b e + 2b d e)x + (3a b e + 6a b d e + b d)x
--R
--R
          3 2
                              2 2 2
                                         3
                                               2 2
--R.
         (a e + 6a b d e + 3a b d)x + (2a d e + 3a b d)x + a d
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 621
--S 622 of 1293
r0:=1/2*(-A*b+a*B)/((b*d-a*e)^2*(a+b*x)^2)+_
    (-b*B*d+2*A*b*e-a*B*e)/((b*d-a*e)^3*(a+b*x))-_
    e*(B*d-A*e)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x))_{-}
    e*(2*b*B*d-3*A*b*e+a*B*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^4+_
    e*(2*b*B*d-3*A*b*e+a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^4
--R
--R
--R
     (2)
--R.
                            2 3 3 2 3
                   3
--R.
            ((-6Ab + 2Bab)e + 4Bbde)x
--R
--R
                              2 3
                                          3
                                                      2 2
            ((- 12A a b + 4B a b)e + (- 6A b + 10B a b)d e + 4B b d e)x
--R
--R
--R
                    2
                         3 3
                                          2
                                                 2
                                                      2
             ((-6A \ a \ b + 2B \ a \ )e + (-12A \ a \ b + 8B \ a \ b)d \ e + 8B \ a \ b \ d \ e)x
--R
```

```
--R
                 2 3 2 2 2
--R
--R
           (-6A a b + 2B a) d e + 4B a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
               3 2 3 3 2 3
--R
--R
           ((6A b - 2B a b )e - 4B b d e )x
--R
--R
                  2
                        2 3
                                  3
                                            2 2
           ((12A \ a \ b \ - \ 4B \ a \ b)e \ + \ (6A \ b \ - \ 10B \ a \ b \ )d \ e \ - \ 4B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                      3 3
                                   2
                                          2 2
--R
           ((6A \ a \ b - 2B \ a \ )e + (12A \ a \ b - 8B \ a \ b)d \ e - 8B \ a \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
              2
                     3 2
                               2 2
--R
           (6A a b - 2B a )d e - 4B a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
                     2 3 3 2 2 3 2 2
        ((-6A \ a \ b + 2B \ a \ b)e + (6A \ b + 2B \ a \ b)d \ e - 4B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                 2 3 3 2 2 2 3 2 2
           (- 9A a b + 3B a )e + (6A a b + 4B a b)d e + (3A b - 5B a b )d e
--R
--R
--R
                3 3
--R
           - 2B b d
--R
--R
         X
--R
             3 3 2 3 2 2 2
--R
--R
        -2A a e + (-3A a b + 5B a) d e + (6A a b - 4B a b) d e
--R
--R
           3
                   2 3
        (- A b - B a b )d
--R
--R /
                            2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
--R
          4 2 5 3 3 4
--R
        (2a b e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d e)x
--R
                  424
--R
                            3 3 2 3 2 4 3 2
                                                  5 4
        (4a b e - 14a b d e + 16a b d e - 4a b d e - 4a b d e + 2b d )x
--R
--R.
--R.
               5 4 4223 3332 244
--R
        (2a e - 4a b d e - 4a b d e + 16a b d e - 14a b d e + 4a b d )x
--R
--R
        6 4 5 2 3 4 2 3 2 3 3 4 2 4 5
--R
        2a d e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2a b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 622
```

```
--S 623 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
     (3)
--R
                  3 2 3 3 2 3
--R
--R
           ((-6Ab + 2Bab)e + 4Bbde)x
--R
--R
                     2
                           2 3
                                                  2 2 3 2 2
                                         .3
--R
           ((- 12A a b + 4B a b)e + (- 6A b + 10B a b )d e + 4B b d e)x
--R
                   2 3 3
                                         2
--R
            ((- 6A a b + 2B a )e + (- 12A a b + 8B a b)d e + 8B a b d e)x
--R
--R
--R
                  2
                        3 2 2 2
--R
           (-6A a b + 2B a )d e + 4B a b d e
--R
--R
          log(e x + d)
--R
--R
                3 2 3 3 2 3
--R
           ((6A b - 2B a b )e - 4B b d e )x
--R
--R
                    2 2 3 3 2 2 3 2 2
            ((12A \ a \ b \ - 4B \ a \ b)e \ + (6A \ b \ - 10B \ a \ b )d \ e \ - 4B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                                            2
--R
            ((6A \ a \ b - 2B \ a \ )e + (12A \ a \ b - 8B \ a \ b)d \ e - 8B \ a \ b \ d \ e)x
--R
                2 3 2 2 2
--R
--R
            (6A a b - 2B a )d e - 4B a b d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
                       2 3
                                  3
                                           2 2
         ((-6A \ a \ b + 2B \ a \ b)e + (6A \ b + 2B \ a \ b)d \ e - 4B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                        3 3
                                            2 2 3
--R
            (-9A \ a \ b + 3B \ a \ )e + (6A \ a \ b + 4B \ a \ b)d \ e + (3A \ b - 5B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
                3 3
            - 2B b d
--R
--R.
--R
--R
                     2 3 2
--R
            3 3
        - 2A a e + (- 3A a b + 5B a )d e + (6A a b - 4B a b)d e
--R
--R
            3 2 3
--R
         (- A b - B a b )d
--R
```

```
--R /
--R
          4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
--R
        (2a b e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d e)x
--R
--R
          5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4 6 5 2
--R
        (4a b e - 14a b d e + 16a b d e - 4a b d e - 4a b d e + 2b d )x
--R
--R
                5
                     4 4223
                                     3 3 3 2
                                                2 4 4
--R
       (2a e - 4a b d e - 4a b d e + 16a b d e - 14a b d e + 4a b d )x
--R
--R
         6 4 5 23 4232
                                     3 3 4
        2a d e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2a b d
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 623
--S 624 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 624
--S 625 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 625
)clear all
--S 626 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x)^3)
--R
--R
--R
   (1)
--R
     B x + A
--R /
                23 3 2 5
                                    2 3
--R
       b e x + (3a b e + 3b d e )x + (3a b e + 9a b d e + 3b d e)x
--R
--R.
--R.
         3 3
               2
                    2
                          22 333
                                           3 2 2 2 2 3 2
--R
        (a e + 9a b d e + 9a b d e + b d )x + (3a d e + 9a b d e + 3a b d )x
--R
--R
          3 2
                2 3 3 3
--R
        (3a d e + 3a b d)x + a d
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 626
```

```
--S 627 of 1293
r0:=-1/2*b*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)^2)-_
    b*(b*B*d-3*A*b*e+2*a*B*e)/((b*d-a*e)^4*(a+b*x))-_
    1/2*e*(B*d-A*e)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^2)-_
    e*(2*b*B*d-3*A*b*e+a*B*e)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x))-_
    3*b*e*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^5+_
    3*b*e*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
                           3 4
                                     4 3 4
             ((12A b - 6B a b)e - 6B b d e)x
--R
--R
--R
                          2 2 4
                                           4
                                                     3 3 4 2 2 3
--R
             ((24A \ a \ b \ - 12B \ a \ b \ )e \ + (24A \ b \ - 24B \ a \ b \ )d \ e \ - 12B \ b \ d \ e \ )x
--R.
--R
                      2 2
                             3 4
                                             3
                                                      2 2 3
--R
                 (12A \ a \ b - 6B \ a \ b)e + (48A \ a \ b - 30B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                               3 2 2
                 (12A b - 30B a b )d e - 6B b d e
--R
--R
--R
               2
--R
              x
--R
                                      3
--R
                        3 3
                                                  2 2 2 2
--R
             ((24A \ a \ b \ - 12B \ a \ b) \ d \ e \ + (24A \ a \ b \ - 24B \ a \ b) \ d \ e \ - 12B \ a \ b \ d \ e) x
--R
--R
                  --R
             (12A a b - 6B a b)d e - 6B a b d e
--R
--R
           log(e x + d)
--R
--R
                              3 4 4 3 4
            ((- 12A b + 6B a b )e + 6B b d e )x
--R
--R
--R
                            3
                                   2 2 4
                                                   4
                   (- 24A a b + 12B a b )e + (- 24A b + 24B a b )d e
--R
--R
--R
                       4 2 2
--R
                  12B b d e
--R.
--R
               3
--R
              X
--R
--R
                        2 2 3 4
--R
                (-12A a b + 6B a b)e + (-48A a b + 30B a b)d e
--R
--R
                                  3 2 2
                                             4 3
                        4
```

```
--R
            (- 12A b + 30B a b )d e + 6B b d e
--R
--R
            2
--R
           x
--R
                   2 2 3 3
                                     3 2222
--R
--R
             (- 24A a b + 12B a b)d e + (- 24A a b + 24B a b )d e
--R
--R
                  3 3
--R
             12B a b d e
--R
--R
--R
--R
               2 2 3 2 2 2 3
--R
         (- 12A a b + 6B a b)d e + 6B a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
             3 224 4 3 4223
--R
       ((12A a b - 6B a b )e - 12A b d e + 6B b d e )x
--R
--R
               2 2 3 4 2 2 3 4 3 2 2
--R
          (18A a b - 9B a b)e - 9B a b d e + (- 18A b + 9B a b)d e
--R
--R
             4 3
--R
          9B b d e
--R
--R
         2
--R
        x
--R
                 4 4 2 2 3 3 3 2 2
--R
--R
         (4A a b - 2B a )e + (24A a b - 14B a b)d e - 24A a b d e
--R
              4 3 3 4 4
--R
--R
          (-4A b + 14B a b) d e + 2B b d
--R
--R
        X
--R
                        4 3 3 2 2
--R
                  3
       - A a e + (8A a b - B a )d e - 9B a b d e + (- 8A a b + 9B a b )d e
--R
--R
         4
                3 4
--R
--R
       (Ab + Bab)d
--R /
--R.
         5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3 7 5 2 4
--R
       (2a b e - 10a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 10a b d e - 2b d e )x
--R
--R
        6 7 5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3 6 5 2 7 6 3
       (4a b e - 16a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 16a b d e - 4b d e)x
--R
--R
```

```
77 6 6 5225 4334 3443 2552
--R
--R
          2a e - 2a b d e - 18a b d e + 50a b d e - 50a b d e + 18a b d e
--R
--R
            6 6 7 7
--R
         2a b d e - 2b d
--R
--R
         2
--R
        X
--R
        7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2 2 5 6
--R
--R
       (4a d e - 16a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 16a b d e - 4a b d )x
--R
               6 3 4 5 2 4 3
                                   4 3 5 2 3 4 6
        7 2 5
--R
--R
       2a d e - 10a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 10a b d e - 2a b d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 627
--S 628 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
               4 3 4 4 3 4
--R
          ((12A b - 6B a b )e - 6B b d e )x
--R
--R
                3 2 2 4 4 3 3 4 2 2 3
--R
          ((24A a b - 12B a b )e + (24A b - 24B a b )d e - 12B b d e )x
--R
--R
                  2 2
                      3 4
                                             2 2 3
                                     3
--R
             (12A a b - 6B a b)e + (48A a b - 30B a b )d e
--R
--R
                         3 2 2 4 3
--R
             (12A b - 30B a b )d e - 6B b d e
--R
--R
--R
           x
--R
                     3 3 3
                                           2 2 2 2 3 3
--R
                2 2
          ((24A a b - 12B a b)d e + (24A a b - 24B a b)d e - 12B a b d e)x
--R
--R
               2 2 3 2 2 2 3
--R
          (12A a b - 6B a b)d e - 6B a b d e
--R
--R.
--R
         log(e x + d)
--R
                       3 4 4 3 4
--R
--R
          ((-12A b + 6B a b)e + 6B b d e)x
--R
                     3 2 2 4 4 3 3
--R
               (- 24A a b + 12B a b )e + (- 24A b + 24B a b )d e
--R
```

```
--R
               4 2 2
--R
--R
              12B b d e
--R
--R
            3
--R
--R
                   2 2 3 4
--R
--R
            (- 12A a b + 6B a b)e + (- 48A a b + 30B a b )d e
--R
--R
                         3 2 2 4 3
            (- 12A b + 30B a b )d e + 6B b d e
--R
--R
            2
--R
--R
          x
--R
--R
                  2 2 3 3 3 2 2 2 2
            (- 24A a b + 12B a b)d e + (- 24A a b + 24B a b )d e
--R
--R
--R
                 3 3
--R
            12B a b d e
--R
--R
--R
--R
              2 2 3 2 2 2 2 3
--R
         (- 12A a b + 6B a b)d e + 6B a b d e
--R
--R
        log(b x + a)
--R
             3 2 2 4 4 3 4 2 2 3
--R.
--R
       ((12A a b - 6B a b )e - 12A b d e + 6B b d e )x
--R
              2 2 3 4 2 2 3
--R
--R
         (18A a b - 9B a b)e - 9B a b d e + (- 18A b + 9B a b)d e
--R
--R
            4 3
--R
         9B b d e
--R
--R
         2
--R
        X
--R
--R
             3 4 4 2 2 3 3 3 2 2
--R
          (4A a b - 2B a )e + (24A a b - 14B a b)d e - 24A a b d e
--R
              4 3 3 4 4
--R
          (-4A b + 14B a b) d e + 2B b d
--R
--R
--R
        X
--R
--R
         4 4
              3 4 3 3 2 2 3
```

```
--R
        - A a e + (8A a b - B a )d e - 9B a b d e + (- 8A a b + 9B a b )d e
--R
          4 3 4
--R
--R
        (Ab + Bab)d
--R /
           5\ 2\ 7 4\ 3\ 6 3\ 4\ 2\ 5 2\ 5\ 3\ 4 6\ 4\ 3 7\ 5\ 2\ 4
--R
        (2a b e - 10a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 10a b d e - 2b d e )x
--R
--R
--R
          6 7 5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3 6 5 2 7 6 3
--R
        (4a b e - 16a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 16a b d e - 4b d e)x
--R
            7 7 6 6
                             5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3 2 5 5 2
--R
          2a e - 2a b d e - 18a b d e + 50a b d e - 50a b d e + 18a b d e
--R
--R
--R
             6 6
                     7 7
--R
          2a b d e - 2b d
--R
--R
          2
--R
         x
--R
--R
         7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2 2 5 6
--R
        (4a d e - 16a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 16a b d e - 4a b d )x
--R
--R
         7 2 5 6 3 4 5 2 4 3 4 3 5 2 3 4 6
                                                            2 5 7
--R
        2a d e - 10a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 10a b d e - 2a b d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 628
--S 629 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 629
--S 630 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 630
)clear all
--S 631 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x)^4)
--R
--R
```

```
--R
     (1)
--R
      B x + A
--R /
--R
         3 4 7
               24 3 36 24 23 3225
--R
        bex + (3a be + 4b de)x + (3a be + 12a b de + 6b de)x
--R
--R
                2 3
                              2 2 2
                                       3 3 4
--R
        (a e + 12a b d e + 18a b d e + 4b d e)x
--R
--R
          3 3 2 2 2
                                 2 3
                                        3 4 3
--R
        (4a d e + 18a b d e + 12a b d e + b d)x
--R
                   2 3
           3 2 2
                               2 4 2
                                          3 3
                                                             3 4
--R
--R
         (6a d e + 12a b d e + 3a b d )x + (4a d e + 3a b d )x + a d
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 631
--S 632 of 1293
r0:=-1/2*b^2*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^4*(a+b*x)^2)-_
    b^2*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)/((b*d-a*e)^5*(a+b*x))-_
    1/3*e*(B*d-A*e)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^3)-_
    1/2*e*(2*b*B*d-3*A*b*e+a*B*e)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^2)-_
    3*b*e*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)/((b*d-a*e)^5*(d+e*x))-_
    2*b^2*e*(2*b*B*d-5*A*b*e+3*a*B*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^6+_
    2*b^2*e*(2*b*B*d-5*A*b*e+3*a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^6
--R
--R
--R
     (2)
--R
                             4 5 5 4 5
--R
            ((-60A b + 36B a b)e + 24B b d e)x
--R
                         4 235 5
--R
--R
                (- 120A a b + 72B a b )e + (- 180A b + 156B a b )d e
--R
--R
                    5 2 3
--R
               72B b d e
--R
--R
               4
--R
--R
--R
                             3 2 5
                (-60A \ a \ b + 36B \ a \ b ) e + (-360A \ a \ b + 240B \ a \ b ) d \ e
--R
--R.
--R.
                                 4 2 3
                                             5 3 2
--R
                (-180A b + 252B a b) d e + 72B b d e
--R
--R
               3
--R
              х
--R
--R
                       2 3
                                  3 2
                                                    4
                                                              2 3 2 3
```

```
--R
            (-180A a b + 108B a b )d e + (-360A a b + 288B a b )d e
--R
                  5 4 3 2 5 4
--R
--R
            (- 60A b + 180B a b )d e + 24B b d e
--R
--R
            2
--R
          x
--R
                  23 3223 4 2332
--R
            (- 180A a b + 108B a b )d e + (- 120A a b + 144B a b )d e
--R
--R
--R
                4 4
            48B a b d e
--R
--R
--R
--R
--R
              23 32 32 234
--R
         (-60A a b + 36B a b )d e + 24B a b d e
--R
--R
        log(e x + d)
--R
--R
              5 45 545
--R
          ((60A b - 36B a b )e - 24B b d e )x
--R
--R
                                       4 4 5234
                 4 235 5
         ((120A a b - 72B a b )e + (180A b - 156B a b )d e - 72B b d e )x
--R
--R
                 2 3 3 2 5 4 2 3 4
--R
--R
            (60A a b - 36B a b )e + (360A a b - 240B a b )d e
--R
                 5 4 2 3 5 3 2
--R
--R
            (180A b - 252B a b )d e - 72B b d e
--R
--R
            3
--R
          x
--R
                 23 32 4
--R
                                    4 2323
            (180A a b - 108B a b )d e + (360A a b - 288B a b )d e
--R
--R
--R
                        4 3 2 5 4
            (60A b - 180B a b )d e - 24B b d e
--R
--R
--R
            2
--R
           X
--R
                  2 3 3 2 2 3
--R
                                    4 2332
--R
            (180A a b - 108B a b )d e + (120A a b - 144B a b )d e
--R
--R
                  4 4
--R
             - 48B a b d e
```

```
--R
--R
--R
            23 32 32 234
--R
--R
          (60A a b - 36B a b )d e - 24B a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                4 2 3 5 5 4 4 5 2 3 4
--R
        ((- 60A a b + 36B a b )e + (60A b - 12B a b )d e - 24B b d e )x
--R
--R
                2 3 3 2 5
--R
                                               234
          (- 90A a b + 54B a b )e + (- 60A a b + 72B a b )d e
--R
--R
--R
               5 4 2 3 5 3 2
--R
          (150A b - 66B a b )d e - 60B b d e
--R
--R
         3
--R
         X
--R
--R
                3 2 4 5 2 3 3 2 4
          (- 20A a b + 12B a b)e + (- 210A a b + 134B a b )d e
--R
--R
--R
                 4 2323 5 432 54
--R
           (120A \ a \ b + 12B \ a \ b \ ) d \ e \ + (110A \ b \ - 114B \ a \ b \ ) d \ e \ - 44B \ b \ d \ e
--R
--R
--R
         x
--R
              4 5 5 3 2 4 4
--R
--R
          (5A a b - 3B a )e + (- 60A a b + 34B a b)d e
--R
                 2 3 3 2 2 3
--R
--R
          (-120A a b + 96B a b )d e + (160A a b - 48B a b )d e
--R
               5 44 55
--R
--R
          (15A b - 73B a b )d e - 6B b d
--R
--R
--R
           5 5 4
                                      3 2 4 2 3
--R
                           5 4
        - 2A a e + (15A a b - B a )d e + (- 60A a b + 12B a b)d e
--R
--R.
--R.
           2 3 3 2 3 2
                                    4 234
        (20A \ a \ b + 36B \ a \ b ) d \ e + (30A \ a \ b - 44B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
           5 4 5
--R
--R
        (-3Ab-3Bab)d
--R /
            6\ 2\ 9 \qquad 5\ 3 \quad 8 \qquad 4\ 4\ 2\ 7 \qquad \qquad 3\ 5\ 3\ 6 \qquad \qquad 2\ 6\ 4\ 5
--R
```

```
--R
           6a b e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e
--R
--R
               7 5 4 8 6 3
--R
           - 36a b d e + 6b d e
--R
--R
         5
--R
         x
--R
            7 9 6 2 8 5 3 2 7 4 4 3 6 3 5 4 5
--R
--R
          12a b e - 54a b d e + 72a b d e + 30a b d e - 180a b d e
--R
             2654 763 872
--R
          198a b d e - 96a b d e + 18b d e
--R
--R
--R
         4
--R
         x
--R
--R
           8 9 6 2 2 7 5 3 3 6 4 4 4 5 3 5 5 4
          6a e - 108a b d e + 312a b d e - 360a b d e + 144a b d e
--R
--R
--R
            2663 772
                                8 8
--R
          60a b d e - 72a b d e + 18b d e
--R
--R
         3
--R
         X
--R
            8 8 7 2 7 6 2 3 6 5 3 4 5 4 4 5 4
--R
--R
          18a d e - 72a b d e + 60a b d e + 144a b d e - 360a b d e
--R
              3 5 6 3 2 6 7 2 8 9
--R
--R
           312a b d e - 108a b d e + 6b d
--R
--R
         2
--R
         х
--R
            8 2 7 7 3 6 6 2 4 5 5 3 5 4 4 4 6 3
--R
--R
          18a d e - 96a b d e + 198a b d e - 180a b d e + 30a b d e
--R
            3 5 7 2 2 6 8
                               7 9
--R
--R
          72a b d e - 54a b d e + 12a b d
--R
--R
--R
--R.
         8 3 6 7 4 5 6 2 5 4 5 3 6 3 4 4 7 2 3 5 8
--R
        6a d e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e - 36a b d e
--R
--R
        269
--R
        6a b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 632
```

```
--S 633 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
                5 4 5 5 4 5
--R
--R
          ((-60A b + 36B a b)e + 24B b d e)x
--R
                    4 235 5
--R
--R
            (- 120A a b + 72B a b )e + (- 180A b + 156B a b )d e
--R
                5 2 3
--R
--R
            72B b d e
--R
--R
            4
--R
           X
--R
--R
                  2 3 3 2 5
                                     4 23 4
            (-60A a b + 36B a b )e + (-360A a b + 240B a b )d e
--R
--R
--R
                   5 4 2 3 5 3 2
--R
             (- 180A b + 252B a b )d e + 72B b d e
--R
--R
            3
--R
           x
--R
                    23 32 4 4 2323
--R
--R
            (-180A a b + 108B a b )d e + (-360A a b + 288B a b )d e
--R
                  5 4 3 2 5 4
--R
--R
            (- 60A b + 180B a b )d e + 24B b d e
--R
--R
            2
--R
          x
--R
                   2 3 3 2 2 3
--R
            (- 180A a b + 108B a b )d e + (- 120A a b + 144B a b )d e
--R
--R
--R
                  4 4
--R
             48B a b d e
--R
--R.
           X
--R
               23 3232 234
--R
--R
          (- 60A a b + 36B a b )d e + 24B a b d e
--R
        log(e x + d)
--R
--R
               5 4 5 5 4 5
--R
```

```
--R
          ((60A b - 36B a b )e - 24B b d e )x
--R
--R
                 4 2 3 5 5 4 4 5 2 3 4
--R
          ((120A a b - 72B a b )e + (180A b - 156B a b )d e - 72B b d e )x
--R
                  2 3 3 2 5
--R
                                              2 3 4
--R
             (60A a b - 36B a b )e + (360A a b - 240B a b )d e
--R
                 5 4 2 3
--R
                                     5 3 2
             (180A b - 252B a b )d e - 72B b d e
--R
--R
--R
            3
--R
           X
--R
--R
                 23 32 4 4 2323
--R
             (180A a b - 108B a b )d e + (360A a b - 288B a b )d e
--R
--R
                5 4 3 2 5 4
             (60A b - 180B a b )d e - 24B b d e
--R
--R
--R
--R
          X
--R
--R
                 23 3223 4 2332
             (180A a b - 108B a b )d e + (120A a b - 144B a b )d e
--R
--R
--R
                   4 4
--R
             - 48B a b d e
--R
--R
--R
              23 32 32 234
--R
--R
          (60A a b - 36B a b )d e - 24B a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                     2 3 5 5
                                         4 4 5234
--R
--R
       ((-60A a b + 36B a b )e + (60A b - 12B a b )d e - 24B b d e )x
--R
--R
               2 3 3 2 5
          (- 90A a b + 54B a b )e + (- 60A a b + 72B a b )d e
--R
--R
--R.
              5 4 2 3 5 3 2
--R
         (150A b - 66B a b )d e - 60B b d e
--R
--R
         3
--R
         х
--R
               3 2 4 5 2 3 3 2 4
--R
          (-20A \ a \ b + 12B \ a \ b)e + (-210A \ a \ b + 134B \ a \ b)d \ e
--R
```

```
--R
               4 2323 5 432 54
--R
--R
         (120A a b + 12B a b )d e + (110A b - 114B a b )d e - 44B b d e
--R
--R
         2
--R
        X
--R
             4 5 5 3 2 4
--R
         (5A a b - 3B a )e + (- 60A a b + 34B a b)d e
--R
--R
--R
                 2 3 3 2 2 3
                                       4 2332
--R
          (-120A a b + 96B a b )d e + (160A a b - 48B a b )d e
--R
--R
                 4 4 5 5
--R
          (15A b - 73B a b )d e - 6B b d
--R
--R
--R
--R
                 4 5 4
                                   3 2 4 2 3
          5 5
       - 2A a e + (15A a b - B a )d e + (- 60A a b + 12B a b)d e
--R
--R
--R
           23 3232 4 234
--R
       (20A \ a \ b + 36B \ a \ b ) d \ e + (30A \ a \ b - 44B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
       (- 3A b - 3B a b )d
--R
--R /
--R
           629 538 4427 3536 2645
--R
          6a b e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e
--R
--R
              754 863
--R
         - 36a b d e + 6b d e
--R
--R
--R
        X
--R
           7 9 6 2 8 5 3 2 7 4 4 3 6 3 5 4 5
--R
--R
         12a b e - 54a b d e + 72a b d e + 30a b d e - 180a b d e
--R
--R
            2654 763 872
--R
         198a b d e - 96a b d e + 18b d e
--R
--R
         4
--R
         X
--R
           8 9 6 2 2 7 5 3 3 6 4 4 4 5 3 5 5 4
--R
--R
          6a e - 108a b d e + 312a b d e - 360a b d e + 144a b d e
--R
           2663 772 88
--R
--R
          60a b d e - 72a b d e + 18b d e
```

```
--R
--R
          3
--R
          X
--R
             8 8 7 2 7 6 2 3 6 5 3 4 5 4 4 5 4
--R
--R
           18a d e - 72a b d e + 60a b d e + 144a b d e - 360a b d e
--R
               3 5 6 3 2 6 7 2 8 9
--R
--R
           312a b d e - 108a b d e + 6b d
--R
--R
--R
          x
--R
              8 2 7 7 3 6 6 2 4 5 5 3 5 4 4 4 6 3
--R
--R
           18a d e - 96a b d e + 198a b d e - 180a b d e + 30a b d e
--R
--R
             3 5 7 2 2 6 8
                                   7 9
          72a b d e - 54a b d e + 12a b d
--R
--R
--R
          x
--R
--R
         8 3 6 7 4 5 6 2 5 4 5 3 6 3 4 4 7 2 3 5 8
--R
        6a d e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e - 36a b d e
--R
--R
         2 6 9
--R
        6a b d
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 633
--S 634 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 634
--S 635 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 635
)clear all
--S 636 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)
--R
```

```
--R
      (1)
--R
--R
               3 5
                       3 2 4
--R
          B b e x + ((A b + B a)e + 3B b d e)x
--R
--R
          (A \ a \ e \ + \ (3A \ b \ + \ 3B \ a)d \ e \ + \ 3B \ b \ d \ e)x
--R
--R
          --R
--R
--R
--R
          Aad
--R
--R
         +----+
--R
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--E 636
--S 637 of 1293
r0:=2/9*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^3-_
     2/11*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^3+2/13*b*B*(d+e*x)^(13/2)/e^3
--R
--R
      (2)
--R
--R
            198B b e x + ((234A b + 234B a)e + 720B b d e)x
--R
--R
                                              5
--R.
            (286A \ a \ e \ + (884A \ b \ + 884B \ a)d \ e \ + 916B \ b \ d \ e \ )x
--R
                                                2 4 3 3 3
--R
                        5
            (1144A \ a \ d \ e \ + (1196A \ b + 1196B \ a) d \ e \ + 424B \ b \ d \ e \ ) x
--R
--R
--R
                                               3 3
            (1716A \ a \ d \ e \ + \ (624A \ b \ + \ 624B \ a)d \ e \ + \ 6B \ b \ d \ e \ )x
--R
--R
                                                        5
                                            4 2
--R
                      3 3
            (1144A \ a \ d \ e \ + \ (26A \ b \ + \ 26B \ a) d \ e \ - \ 8B \ b \ d \ e) x \ + \ 286A \ a \ d \ e
--R
--R
--R
                              5
            (-52A b - 52B a)d e + 16B b d
--R
--R.
--R
--R
          \leq x + d
--R /
--R
--R
        1287e
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--E 637
```

```
--S 638 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                6 6 5 5
--R
         198B b e x + ((234A b + 234B a)e + 720B b d e )x
--R
--R
--R
                                      5
--R
         (286A a e + (884A b + 884B a)d e + 916B b d e )x
--R
                                         2 4
--R
         (1144A a d e + (1196A b + 1196B a)d e + 424B b d e )x
--R
--R
--R
                   2 4
                                       3 3 4 2 2
--R
          (1716A a d e + (624A b + 624B a)d e + 6B b d e )x
--R
--R
                                     4 2 5
                  3 3
         (1144A a d e + (26A b + 26B a)d e - 8B b d e)x + 286A a d e
--R
--R
--R
                         5 6
--R
         (-52A b - 52B a)d e + 16B b d
--R
--R
         +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
--R
       1287e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 638
--S 639 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 639
--S 640 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 640
)clear all
```

```
--S 641 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
      (1)
--R
--R
                2 4
          B b e x + ((A b + B a)e + 2B b d e)x
--R
--R
--R
                                                2 2
           (A a e + (2A b + 2B a)d e + B b d)x + (2A a d e + (A b + B a)d)x
--R
--R
--R
               2
          Aad
--R
--R
--R
         +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                                            Type: Expression(Integer)
--E 641
--S 642 of 1293
r0:=2/7*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^3-_
     2/9*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^3+2/11*b*B*(d+e*x)^(11/2)/e^3
--R
--R
      (2)
--R
                     5 5
--R
            126B b e x + ((154A b + 154B a)e + 322B b d e)x
--R
--R
--R
             (198A \ a \ e \ + (418A \ b + 418B \ a)d \ e \ + 226B \ b \ d \ e \ )x
--R
                                                 2 3
--R
--R
             (594A \ a \ d \ e \ + (330A \ b + 330B \ a)d \ e \ + 6B \ b \ d \ e \ )x
--R
--R
                                             3 2
             (594A \ a \ d \ e \ + \ (22A \ b \ + \ 22B \ a)d \ e \ - \ 8B \ b \ d \ e)x \ + \ 198A \ a \ d \ e
--R
--R
--R
            (-44A b - 44B a)d e + 16B b d
--R
--R
            +----+
--R
          \leq x + d
--R
--R /
--R
             3
--R
        693e
--R
                                                            Type: Expression(Integer)
--E 642
--S 643 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
      (3)
              5 5
--R
           126B b e x + ((154A b + 154B a)e + 322B b d e )x
--R
--R
--R
           (198A \ a \ e \ + (418A \ b + 418B \ a)d \ e \ + 226B \ b \ d \ e \ )x
--R
--R
--R
                                            2 3
--R
            (594A \ a \ d \ e \ + (330A \ b \ + 330B \ a)d \ e \ + 6B \ b \ d \ e \ )x
--R
                                         3 2 4
                    2 3
--R
           (594A a d e + (22A b + 22B a)d e - 8B b d e)x + 198A a d e
--R
--R
--R
                             4 5
--R
           (- 44A b - 44B a)d e + 16B b d
--R
--R
          +----+
          \label{eq:lemma_def} \
--R
--R /
--R
            3
--R
        693e
--R
                                            Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 643
--S 644 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 644
--S 645 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 645
)clear all
--S 646 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
                                           2
                3
```

```
--R
         (B b e x + ((A b + B a)e + B b d)x + (A a e + (A b + B a)d)x + A a d)
--R *
--R
         +----+
--R
         \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                                              Type: Expression(Integer)
--E 646
--S 647 of 1293
r0:=2/5*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^3-_
     2/7*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^3+2/9*b*B*(d+e*x)^(9/2)/e^3
--R
--R
      (2)
--R
--R
--R
             70B b e x + ((90A b + 90B a)e + 100B b d e )x
--R
--R.
                                                  3
--R
             (126A \ a \ e \ + (144A \ b + 144B \ a)d \ e \ + 6B \ b \ d \ e \ )x
--R
--R
                                              2 2
                                                            3
--R
             (252A \ a \ d \ e \ + \ (18A \ b \ + \ 18B \ a)d \ e \ - \ 8B \ b \ d \ e)x \ + \ 126A \ a \ d \ e
--R
--R
                                 3
--R
             (-36A b - 36B a)d e + 16B b d
--R
            +----+
--R
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
             3
--R
        315e
--R
                                                              Type: Expression(Integer)
--E 647
--S 648 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
      (3)
--R
--R
             70B b e x + ((90A b + 90B a)e + 100B b d e)x
--R
--R
                                                  3
--R.
             (126A \ a \ e \ + (144A \ b \ + 144B \ a)d \ e \ + 6B \ b \ d \ e \ )x
--R
--R
                          3
                                               2 2
                                                         3
             (252A \ a \ d \ e \ + \ (18A \ b \ + \ 18B \ a)d \ e \ - \ 8B \ b \ d \ e)x \ + \ 126A \ a \ d \ e
--R
--R
--R
--R
            (- 36A b - 36B a)d e + 16B b d
--R
```

```
--R
          +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
            3
--R
        315e
--R
                                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 648
--S 649 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4) 0
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 649
--S 650 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 650
)clear all
--S 651 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
--R (1) (B b x + (A b + B a)x + A a)\|e x + d|
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 651
--S 652 of 1293
r0:=2/3*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^3-_
     2/5*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^3+2/7*b*B*(d+e*x)^(7/2)/e^3
--R
--R
--R
      (2)
--R
                  3 3
                                          3
--R.
            30B b e x + ((42A b + 42B a)e + 6B b d e)x
--R
--R
                                         2
                                                   2
            (70A \ a \ e \ + (14A \ b \ + \ 14B \ a)d \ e \ - 8B \ b \ d \ e)x \ + \ 70A \ a \ d \ e
--R
--R
--R
                              2
--R
          (- 28A b - 28B a)d e + 16B b d
--R
```

```
+----+
--R
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
            3
--R
        105e
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 652
--S 653 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
      (3)
--R
--R
           30B b e x + ((42A b + 42B a)e + 6B b d e)x
--R
--R
           (70A a e + (14A b + 14B a)d e - 8B b d e)x + 70A a d e
--R
--R
                            2 3
--R
--R
           (- 28A b - 28B a)d e + 16B b d
--R
--R
          +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
            3
--R
        105e
--R
                                            Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 653
--S 654 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 654
--S 655 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 655
)clear all
--S 656 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/sqrt(d+e*x)
```

```
--R
--R
--R
                2
--R
          B b x + (A b + B a)x + A a
--R
     (1) -----
--R
                    +----+
--R
                   \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 656
--S 657 of 1293
r0:=-2/3*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^3+_
     2/5*b*B*(d+e*x)^(5/2)/e^3+2*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
--R
     (2)
--R
                2 2
           6B b e x + ((10A b + 10B a)e - 8B b d e)x + 30A a e
--R
--R
--R
           (- 20A b - 20B a)d e + 16B b d
--R
--R
--R
          +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
           3
--R
        15e
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 657
--S 658 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
      (3)
                2 2
--R
           6B b e x + ((10A b + 10B a)e - 8B b d e)x + 30A a e
--R
--R
--R
--R
           (-20A b - 20B a)d e + 16B b d
--R
--R
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
           3
--R
        15e
--R
                                            Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 658
--S 659 of 1293
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 659
--S 660 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 660
)clear all
--S 661 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
             2
--R B b x + (A b + B a)x + A a
--R (1) -----
            +----+
--R
--R
           (e x + d) | e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 661
--S 662 of 1293
 \texttt{r0:=2/3*b*B*(d+e*x)^(3/2)/e^3-2*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)/(e^3*sqrt(d+e*x))-_} \\
    2*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
--R (2)
            2 2
--R
                                2
       2B b e x + ((6A b + 6B a)e - 8B b d e)x - 6A a e + (12A b + 12B a)d e
--R
--R
               2
--R
        - 16B b d
--R
--R /
--R
        3 +----+
--R
       3e \mid e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 662
--S 663 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
(3)
--R
           2 2
--R
--R
         2B b e x + ((6A b + 6B a)e - 8B b d e)x - 6A a e + (12A b + 12B a)d e
--R
--R
         - 16B b d
--R
--R /
       3 +----+
--R
--R
       3e \mid e x + d
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 663
--S 664 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 664
--S 665 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 665
)clear all
--S 666 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
               2
          Bbx + (Ab + Ba)x + Aa
--R
--R
    (1) -----
          2 2
--R
                         2 +----+
--R
         (e x + 2d e x + d) \setminus |e x + d|
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 666
--S 667 of 1293
r0:=-2/3*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)/(e^3*(d+e*x)^(3/2))+_
    2*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)/(e^3*sqrt(d+e*x))+2*b*B*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
--R
     (2)
--R
              2 2
         6B b e x + ((-6A b - 6B a)e + 24B b d e)x - 2A a e
--R
```

```
--R
--R
--R
       (- 4A b - 4B a)d e + 16B b d
--R /
       4 3 +----+
--R
--R
       (3e x + 3d e) | e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 667
--S 668 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
            2 2
--R
      6B b e x + ((- 6A b - 6B a)e + 24B b d e)x - 2A a e
--R
--R
--R
       (- 4A b - 4B a)d e + 16B b d
--R /
--R
        4 3 +----+
--R
       (3e x + 3d e) | e x + d
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 668
--S 669 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 669
--S 670 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 670
)clear all
--S 671 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
--R
              Bbx + (Ab + Ba)x + Aa
--R (1) -----
```

```
3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
          (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 671
--S 672 of 1293
r0:=-2/5*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)/(e^3*(d+e*x)^(5/2))+_
    2/3*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)/(e^3*(d+e*x)^(3/2))-2*b*B/(e^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
    (2)
--R
                 2 2
        - 30B b e x + ((-10A b - 10B a)e - 40B b d e)x - 6A a e
--R
--R
--R
--R
        (- 4A b - 4B a)d e - 16B b d
--R /
--R
         5 2 4 2 3 +----+
--R
       (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 672
--S 673 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                 2 2
--R
      - 30B b e x + ((- 10A b - 10B a)e - 40B b d e)x - 6A a e
--R
--R
       (- 4A b - 4B a)d e - 16B b d
--R
--R /
         5 2 4 2 3 +----+
--R
--R
       (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 673
--S 674 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 674
--S 675 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R
    (5) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 675
)clear all
--S 676 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
     (1)
                                            2 2 5
--R
            2 3 6
                        2
                                   3
         B b e x + ((A b + 2B a b)e + 3B b d e)x
--R
--R
--R
                       2 3
                                  2
                                                 2
                                                       224
--R
         ((2A \ a \ b + B \ a \ )e + (3A \ b + 6B \ a \ b)d \ e + 3B \ b \ d \ e)x
--R
--R
             2 3
                                2 2
                                            2
                                                          2 233
--R
          (A a e + (6A a b + 3B a) d e + (3A b + 6B a b) d e + B b d) x
--R
--R
                                    2 2
                                               2
--R
         (3A \ a \ d \ e + (6A \ a \ b + 3B \ a \ )d \ e + (A \ b + 2B \ a \ b)d \ )x
--R
--R
                                 2 3 2 3
              2 2
--R
          (3A \ a \ d \ e + (2A \ a \ b + B \ a \ )d \ )x + A \ a \ d
--R *
--R
        +----+
--R
        \leq x + d
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 676
--S 677 of 1293
r0:=-2/9*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^4+_
     2/11*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^4-
     2/13*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*(d+e*x)^(13/2)/e^4+_
     2/15*b^2*B*(d+e*x)^(15/2)/e^4
--R.
--R
--R
      (2)
--R
                 2 7 7
                                2
                                               7
            858B b e x + ((990A b + 1980B a b)e + 3036B b d e)x
--R
--R
--R.
                                      2 7
                                                   2
--R
                  (2340A \ a \ b + 1170B \ a \ ) e + (3600A \ b + 7200B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                        2 2 5
--R
                  3708B b d e
--R
--R
              5
--R
             x
```

```
--R
                 2 7
                                   2 6
--R
--R
            1430A a e + (8840A a b + 4420B a )d e
--R
                  2 2 5 2 3 4
--R
             (4580A b + 9160B a b)d e + 1600B b d e
--R
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                  2 6
                                         2 2 5
--R
            5720A a d e + (11960A a b + 5980B a )d e
--R
                        3 4 2 4 3
--R
--R
             (2120A b + 4240B a b)d e + 10B b d e
--R
--R
            3
--R
           X
--R
--R
                                          2 3 4 2 4 3
--R
           8580A a d e + (6240A a b + 3120B a )d e + (30A b + 60B a b)d e
--R
--R
                 2 5 2
--R
           - 12B b d e
--R
            2
--R
--R
           x
--R
--R
                  2 3 4
                                        2 4 3 2 5 2
--R
            5720A a d e + (260A a b + 130B a )d e + (- 40A b - 80B a b)d e
--R
--R
                 2 6
--R
           16B b d e
--R
--R
--R
--R
              2 4 3
                                      2 5 2 2
--R
         1430A a d e + (- 520A a b - 260B a )d e + (80A b + 160B a b)d e
--R
--R
              2 7
--R
         - 32B b d
--R
--R
        +----+
--R
        --R /
--R
--R
      6435e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 677
```

```
--S 678 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
              2 7 7 2
--R
                                     7 2 6 6
         858B b e x + ((990A b + 1980B a b)e + 3036B b d e)x
--R
--R
                             2 7 2
--R
             (2340A a b + 1170B a )e + (3600A b + 7200B a b)d e
--R
--R
                  2 2 5
--R
              3708B b d e
--R
--R
--R
           5
--R
           x
--R
--R
                 2 7
           1430A a e + (8840A a b + 4420B a )d e
--R
--R
--R
                 2 2 5 2 3 4
--R
            (4580A b + 9160B a b)d e + 1600B b d e
--R
--R
           4
--R
--R
--R
                                         2 2 5
--R
            5720A a d e + (11960A a b + 5980B a )d e
--R
                  2 34 243
--R
--R
            (2120A b + 4240B a b)d e + 10B b d e
--R
--R
           3
--R
           x
--R
                                        2 3 4 2
--R
                 2 2 5
--R
            8580A a d e + (6240A a b + 3120B a )d e + (30A b + 60B a b)d e
--R
--R
                 252
--R
            - 12B b d e
--R
--R
           2
--R
           x
--R
                         2 4 3 2 5 2
--R
                 2 3 4
            5720A a d e + (260A a b + 130B a )d e + (- 40A b - 80B a b)d e
--R
--R
--R
                2 6
            16B b d e
--R
--R
```

```
--R
           X
--R
--R
                 2 4 3
                                           2 5 2 2
--R
          1430A a d e + (- 520A a b - 260B a )d e + (80A b + 160B a b)d e
--R
--R
                 2 7
--R
         - 32B b d
--R
--R
         +----+
--R
         --R /
--R
--R
       6435e
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 678
--S 679 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 679
--S 680 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 680
)clear all
--S 681 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
           2 2 5 2
                                2
        B b e x + ((A b + 2B a b)e + 2B b d e)x
--R
--R
--R.
                     2 2
                               2
                                                  2 2 3
        ((2A a b + B a )e + (2A b + 4B a b)d e + B b d )x
--R
--R
--R
            2 2
                              2
        (A a e + (4A a b + 2B a) d e + (A b + 2B a b) d) x
--R
--R
                    2 2 2 2 2
--R
--R
         (2A \ a \ d \ e + (2A \ a \ b + B \ a \ )d \ )x + A \ a \ d
```

```
--R *
--R
        +----+
--R
       \ensuremath{\mbox{\sc le x + d}}
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 681
--S 682 of 1293
r0:=-2/7*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^4+_
    2/9*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^4-_
    2/11*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^4+_
    2/13*b^2*B*(d+e*x)^(13/2)/e^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                 266
                           2
                                       6 2 5 5
           1386B b e x + ((1638A b + 3276B a b)e + 3402B b d e )x
--R
--R
--R
                                   2 6
                                            2
                 (4004A \ a \ b + 2002B \ a \ )e + (4186A \ b + 8372B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                       2 2 4
--R
                 2226B b d e
--R
--R
              4
--R
             x
--R
--R
                     2 6
--R
               2574A a e + (10868A a b + 5434B a )d e
--R
--R
                      2
                            2 4 2 3 3
--R
               (2938A b + 5876B a b)d e + 30B b d e
--R
--R
              3
--R
             х
--R
                                                2 2 4 2
--R
                     2 5
--R
              7722A a d e + (8580A a b + 4290B a )d e + (78A b + 156B a b)d e
--R
--R
                     2 4 2
--R
               - 36B b d e
--R
--R
              2
--R.
             X
--R
--R
                     2 2 4
                                             2 3 3
               7722A a d e + (572A a b + 286B a )d e
--R
--R
                                  4 2
--R
               (-104A b - 208B a b)d e + 48B b d e
--R
--R
```

```
--R
           X
--R
--R
                 2 3 3
                                           2 4 2 2 5
--R
           2574A a d e + (- 1144A a b - 572B a )d e + (208A b + 416B a b)d e
--R
                2 6
--R
          - 96B b d
--R
--R
--R
          +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \ + d
--R /
--R
--R
       9009e
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 682
--S 683 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
--R
           1386B b e x + ((1638A b + 3276B a b)e + 3402B b d e)x
--R
--R
                 (4004A \ a \ b + 2002B \ a \ )e + (4186A \ b + 8372B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                       2 2 4
--R
                 2226B b d e
--R
--R
              4
--R
             x
--R
--R
                     2 6
--R
               2574A a e + (10868A a b + 5434B a )d e
--R
                                   2 4 2 3 3
--R
                     2
--R
               (2938A b + 5876B a b)d e + 30B b d e
--R
--R
              3
--R
             х
--R
--R
                                                2 2 4
                                                             2
              7722A a d e + (8580A a b + 4290B a )d e + (78A b + 156B a b)d e
--R
--R
--R
                     2 4 2
--R
              - 36B b d e
--R
             2
--R
--R
             x
```

```
--R
--R
                     2 2 4
                                              2 3 3
              7722A a d e + (572A a b + 286B a )d e
--R
--R
                      2 42 25
--R
               (-104A b - 208B a b)d e + 48B b d e
--R
--R
--R
--R
                2 3 3
                                             2 4 2
--R
--R
           2574A a d e + (- 1144A a b - 572B a )d e + (208A b + 416B a b)d e
--R
--R
                 2 6
          - 96B b d
--R
--R
--R
          +----+
--R
         \ensuremath{\mbox{\sc le x + d}}
--R /
--R
            4
--R
       9009e
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 683
--S 684 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 684
--S 685 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 685
)clear all
--S 686 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
          2 4 2
--R
       B b e x + ((A b + 2B a b)e + B b d)x
--R
--R
                      2 2
                                           2
                                                    2
                                                                    2
```

```
--R
         ((2A \ a \ b + B \ a) \ e + (A \ b + 2B \ a \ b) \ d)x + (A \ a \ e + (2A \ a \ b + B \ a) \ d)x
--R
--R
            2
--R
         Aad
--R *
        +----+
--R
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 686
--S 687 of 1293
r0:=-2/5*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^4+_
     2/7*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^4-_
     2/9*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^4+_
     2/11*b^2*B*(d+e*x)^(11/2)/e^4
--R
--R
--R
    (2)
--R
                 2 5 5
                               2 5 2 4 4
--R
           630B b e x + ((770A b + 1540B a b)e + 840B b d e)x
--R
--R
                               2 5 2
--R
           ((1980A \ a \ b + 990B \ a \ )e + (1100A \ b + 2200B \ a \ b)d \ e + 30B \ b \ d \ e )x
--R
--R
                                                2
               1386A a e + (3168A a b + 1584B a )d e + (66A b + 132B a b)d e
--R
--R
--R
                      2 3 2
--R
               - 36B b d e
--R
--R
              2
--R
             X
--R
                                              2 2 3 2 3 2
--R
--R
               2772A a d e + (396A a b + 198B a )d e + (-88A b - 176B a b)d e
--R
--R
                   2 4
--R
               48B b d e
--R
--R
--R
                                              2 3 2
--R
                  2 2 3
--R.
           1386A a d e + (- 792A a b - 396B a )d e + (176A b + 352B a b)d e
--R
--R
                  2 5
--R
           - 96B b d
--R
--R
          +----+
         \label{eq:lemma_def} \
--R
--R /
```

```
--R
--R
      3465e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 687
--S 688 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
     (3)
--R
--R
              255 2 5 244
         630B b e x + ((770A b + 1540B a b)e + 840B b d e)x
--R
--R
--R
                         2 5
--R
         ((1980A \ a \ b + 990B \ a \ ) e + (1100A \ b + 2200B \ a \ b) d \ e + 30B \ b \ d \ e ) x
--R
--R
                  2 5
                                        2 4
                                                  2
             1386A a e + (3168A a b + 1584B a )d e + (66A b + 132B a b)d e
--R
--R
--R
                  2 3 2
--R
            - 36B b d e
--R
--R
           2
--R
           X
--R
                 2 4 2 2 3 2 3 2
--R
--R
             2772A a d e + (396A a b + 198B a )d e + (- 88A b - 176B a b)d e
--R
--R
                 2 4
--R
            48B b d e
--R
--R
--R
                                      2 3 2 2
--R
              2 2 3
--R
          1386A a d e + (- 792A a b - 396B a )d e + (176A b + 352B a b)d e
--R
--R
              2 5
--R
         - 96B b d
--R
--R
         +----+
--R
        --R /
--R
          4
--R
      3465e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 688
--S 689 of 1293
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 689
--S 690 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 690
)clear all
--S 691 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
            2 3
                    2 2
                                               2 2 +----+
--R
    (1) (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \le x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 691
--S 692 of 1293
r0:=-2/3*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^4+_
    2/5*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^4-_
    2/7*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^4+_
    2/9*b^2*B*(d+e*x)^(9/2)/e^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
               2 4 4
--R
          70B b e x + ((90A b + 180B a b)e + 10B b d e)x
--R
                                                3 2222
                                     2
--R
                           2 4
          ((252A a b + 126B a )e + (18A b + 36B a b)d e - 12B b d e )x
--R
--R
                                          3
--R
                                       2
--R
              210A a e + (84A a b + 42B a )d e + (- 24A b - 48B a b)d e
--R
--R
                  2 3
--R.
             16B b d e
--R
--R
            x
--R
--R
                            2 2 2
--R
          210A a d e + (- 168A a b - 84B a )d e + (48A b + 96B a b)d e
--R
--R
                 2 4
```

```
- 32B b d
--R
--R
--R
         +----+
--R
         \ensuremath{\mbox{\sc le x + d}}
--R /
--R
--R
       315e
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 692
--S 693 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
               2 4 4
--R
          70B b e x + ((90A b + 180B a b)e + 10B b d e)x
--R
--R
                            2 4
                                                 3 2222
                                      2
          ((252A a b + 126B a )e + (18A b + 36B a b)d e - 12B b d e )x
--R
--R
--R
                                   2 3 2 2 2
                    2 4
--R
              210A a e + (84A a b + 42B a )d e + (-24A b -48B a b)d e
--R
--R
                   2 3
--R
             16B b d e
--R
--R
            x
--R
--R
               2 3
                        2 2 2 2 3
--R
           210A \ a \ d \ e \ + (-168A \ a \ b \ -84B \ a \ )d \ e \ + (48A \ b \ +96B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                2 4
--R
          - 32B b d
--R
         +----+
--R
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
--R
       315e
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 693
--S 694 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 694
```

```
--S 695 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 695
)clear all
--S 696 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
            2 3 2
                              2
--R
         B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
    (1) -----
--R
                             +----+
                            \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 696
--S 697 of 1293
r0:=2/3*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^4-_
    2/5*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^4+_
    2/7*b^2*B*(d+e*x)^(7/2)/e^4-2*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)*sqrt(d+e*x)/e^4
--R
--R
--R
     (2)
                                        3 2 2 2
--R
               2 3 3 2
--R
          30B b e x + ((42A b + 84B a b)e - 36B b d e)x
--R
--R
          ((140A a b + 70B a )e + (- 56A b - 112B a b)d e + 48B b d e)x
--R
--R
--R
                                       2
                                          2
          210A a e + (- 280A a b - 140B a )d e + (112A b + 224B a b)d e
--R
--R
--R
                2 3
--R
          - 96B b d
--R
--R
         +----+
--R
         --R /
--R
--R
       105e
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 697
```

```
--S 698 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
              2 3 3 2
--R
                               3 2 2 2
         30B b e x + ((42A b + 84B a b)e - 36B b d e)x
--R
--R
                         2 3 2
--R
         ((140A a b + 70B a )e + (- 56A b - 112B a b)d e + 48B b d e)x
--R
--R
--R
                                    2
                                       2
         210A a e + (- 280A a b - 140B a )d e + (112A b + 224B a b)d e
--R
--R
--R
               2 3
--R
         - 96B b d
--R
        +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
--R
       105e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 698
--S 699 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 699
--S 700 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 700
)clear all
--S 701 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
          2 3 2 2
--R
     B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R (1) ------
```

```
--R
                                    +----+
--R
                          (e x + d) | e x + d
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 701
--S 702 of 1293
r0:=-2/3*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^4+_
    2/5*b^2*B*(d+e*x)^(5/2)/e^4+2*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)/(e^4*sqrt(d+e*x))+_
    2*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*sqrt(d+e*x)/e^4
--R
--R
--R
     (2)
             2 3 3
                     2 3 2 2 2
--R
         6B b e x + ((10A b + 20B a b)e - 12B b d e)x
--R
--R
--R
                         2 3
                                      2
                                                    2
                                                             2 2
--R.
         ((60A a b + 30B a )e + (- 40A b - 80B a b)d e + 48B b d e)x - 30A a e
--R
                                                      2 2 3
--R
                                       2
         (120A \ a \ b + 60B \ a \ )d \ e + (-80A \ b - 160B \ a \ b)d \ e + 96B \ b \ d
--R
--R /
--R
          4 +----+
--R
       15e \|e x + d
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 702
--S 703 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
             2 3 3 2 2 2
--R
--R
         6B b e x + ((10A b + 20B a b)e - 12B b d e)x
--R
--R
                                      2
                                                    2
                                                             2 2
        ((60A \ a \ b + 30B \ a \ )e + (-40A \ b - 80B \ a \ b)d \ e + 48B \ b \ d \ e)x - 30A \ a \ e
--R
--R
--R
                                       2
         (120A a b + 60B a )d e + (- 80A b - 160B a b)d e + 96B b d
--R
--R /
          4 +----+
--R
--R
       15e \leq x + d
--R.
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 703
--S 704 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
```

```
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 704
--S 705 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 705
)clear all
--S 706 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
            2 3
                   2
                               2
--R
         B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R
                    2 2 2 +----+
--R
                    (e x + 2d e x + d )\|e x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 706
--S 707 of 1293
r0:=2/3*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)/(e^4*(d+e*x)^(3/2))+_
    2/3*b^2*B*(d+e*x)^(3/2)/e^4-_
    2*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)/(e^4*sqrt(d+e*x))-_
    2*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/e^4
--R
--R
--R
     (2)
            2 3 3 2 2 2
--R
--R
       2B b e x + ((6A b + 12B a b)e - 12B b d e)x
--R
--R
                        2 3
                                                 2
                                                         2 2
       ((- 12A a b - 6B a )e + (24A b + 48B a b)d e - 48B b d e)x - 2A a e
--R
--R
--R
        (-8A a b - 4B a )d e + (16A b + 32B a b)d e - 32B b d
--R
--R /
--R.
         5 4 +----+
--R
       (3e x + 3d e) | e x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 707
--S 708 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
     (3)
--R
            2 3 3 2 2 2
--R
--R
         2B b e x + ((6A b + 12B a b)e - 12B b d e)x
--R
                                                           2 2
--R
                         2 3
                                                 2
        ((- 12A a b - 6B a )e + (24A b + 48B a b)d e - 48B b d e)x - 2A a e
--R
--R
                      2 2 2
--R
                                               2
        (-8A \ a \ b - 4B \ a \ )d \ e + (16A \ b + 32B \ a \ b)d \ e - 32B \ b \ d
--R
--R /
                4 +----+
--R
         5
       (3e x + 3d e) | e x + d
--R
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 708
--S 709 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 709
--S 710 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 710
)clear all
--S 711 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
                              2
--R
            2 3
                    2
--R
         B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
                3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R.
               (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 711
--S 712 of 1293
r0:=2/5*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)/(e^4*(d+e*x)^(5/2))-_
    2/3*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)/(e^4*(d+e*x)^(3/2))+_
    2*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)/(e^4*sqrt(d+e*x))+2*b^2*B*sqrt(d+e*x)/e^4
```

```
--R
--R
--R
     (2)
           2 3 3 2 2 2
--R
--R
       30B b e x + ((-30A b - 60B a b)e + 180B b d e)x
--R
--R
      ((- 20A a b - 10B a )e + (- 40A b - 80B a b)d e + 240B b d e)x
--R
--R
--R
                              2 2
                                             2
--R
        - 6A a e + (- 8A a b - 4B a )d e + (- 16A b - 32B a b)d e + 96B b d
--R /
         6 2 5
                        2 4 +----+
--R
      (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 712
--S 713 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           2 3 3 2 2 2
--R
      30B b e x + ((-30A b - 60B a b)e + 180B b d e)x
--R
--R
                        2 3 2
--R
--R
      ((-20A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (-40A \ b - 80B \ a \ b)d \ e + 240B \ b \ d \ e)x
--R
                                                  2 23
--R
             2.3
                                2
--R
       - 6A a e + (- 8A a b - 4B a )d e + (- 16A b - 32B a b)d e + 96B b d
--R /
        6 2 5 2 4 +----+
--R
--R
      (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 713
--S 714 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 714
--S 715 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 715
)clear all
--S 716 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
     (1)
                                2 3
--R
            3 3 7
                      3
                                          3 2 6
--R
         B b e x + ((A b + 3B a b)e + 3B b d e)x
--R
                        2 3
                                           2 2
                                3
--R
         ((3A \ a \ b + 3B \ a \ b)e + (3A \ b + 9B \ a \ b)d \ e + 3B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                        3 3
                                    2
                                           2
                                                 2
                                                         3
--R
             (3A \ a \ b + B \ a \ )e + (9A \ a \ b + 9B \ a \ b)d \ e + (3A \ b + 9B \ a \ b)d \ e
--R
--R
               3 3
--R
            B b d
--R
--R
            4
--R
           x
--R
--R
                    2 3 2
               3 3
--R
            A = + (9A = b + 3B = )d = + (9A = b + 9B = b)d = 
--R
--R
               3 2 3
--R
            (A b + 3B a b)d
--R
--R
            3
--R
           X
--R
             3 2 2 3 2
--R
--R
         (3A \ a \ d \ e + (9A \ a \ b + 3B \ a \ )d \ e + (3A \ a \ b + 3B \ a \ b)d )x
--R
            3 2
--R
                       2
                               3 3
--R
         (3A a d e + (3A a b + B a)d)x + A a d
--R *
--R
        +----+
--R
       --R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 716
--S 717 of 1293
r0:=2/9*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^5-_
    2/11*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^5+_
    6/13*b*(b*d-a*e)*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(13/2)/e^5-
    2/15*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(15/2)/e^5+_
    2/17*b^3*B*(d+e*x)^(17/2)/e^5
```

```
--R
--R
--R (2)
               3 8 8 3 2 8 3 7 7
--R
--R
         12870B b e x + ((14586A b + 43758B a b) e + 44616B b d e) x
--R
                 2 2 8 3 2 7
--R
            (50490A a b + 50490B a b)e + (51612A b + 154836B a b )d e
--R
--R
--R
                 3 2 6
--R
           52932B b d e
--R
--R
           6
--R
          X
--R
--R
                        3 8
                                           2
--R
           (59670A a b + 19890B a )e + (183600A a b + 183600B a b)d e
--R
--R
                        2 2 6
                                       3 3 5
            (63036A b + 189108B a b )d e + 21816B b d e
--R
--R
--R
           5
--R
           x
--R
                 3 8 2
--R
            24310A a e + (225420A a b + 75140B a )d e
--R
--R
                2 2 2 6 3 2 3 5
--R
--R
            (233580A \ a \ b + 233580B \ a \ b)d \ e + (27200A \ b + 81600B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                3 4 4
--R
           70B b d e
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                                2
--R
           97240A a d e + (304980A a b + 101660B a )d e
--R
                                         3
--R
                               2 3 5
            (108120A \ a \ b + 108120B \ a \ b)d \ e + (170A \ b + 510B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                3 5 3
--R
            - 80B b d e
--R
--R
           3
--R
--R
                   3 2 6 2 3 3 5
--R
--R
           145860A a d e + (159120A a b + 53040B a )d e
```

```
--R
              2 2 4 4 3 2 5 3
--R
--R
             (1530A \ a \ b + 1530B \ a \ b) d \ e + (-204A \ b - 612B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                3 6 2
--R
            96B b d e
--R
--R
--R
           X
--R
--R
                   3 3 5 2 3 4 4
            97240A a d e + (6630A a b + 2210B a )d e
--R
--R
                            2 5 3 3
--R
--R
             (-2040A \ a \ b \ -2040B \ a \ b) d \ e \ + (272A \ b \ +816B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                   3 7
--R
            - 128B b d e
--R
--R
           x
--R
                         2 3 5 3
--R
                3 4 4
--R
          24310A a d e + (- 13260A a b - 4420B a )d e
--R
--R
                 2 2 6 2 3
                                               2 7 3 8
          (4080A a b + 4080B a b)d e + (- 544A b - 1632B a b )d e + 256B b d
--R
--R
--R
        +----+
--R
        --R /
--R
           5
--R
      109395e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 717
--S 718 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
--R
                         3
                                          2 8
--R
         12870B b e x + ((14586A b + 43758B a b)e + 44616B b d e)x
--R
--R
                               2 8
                                             3
             (50490A \ a \ b + 50490B \ a \ b)e + (51612A \ b + 154836B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                   3 2 6
--R
            52932B b d e
--R
--R
           6
```

```
--R
         x
--R
                   2 3 8 2 2 7
--R
--R
            (59670A a b + 19890B a )e + (183600A a b + 183600B a b)d e
--R
--R
                               2 2 6 3 3 5
--R
           (63036A b + 189108B a b )d e + 21816B b d e
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                  3 8
                               2
           24310A a e + (225420A a b + 75140B a )d e
--R
--R
--R
                           2 2 6 3
                                                   2 3 5
--R
            (233580A \ a \ b + 233580B \ a \ b) d \ e + (27200A \ b + 81600B \ a \ b) d \ e
--R
--R
               3 4 4
--R
            70B b d e
--R
--R
--R
           х
--R
--R
             3 7 2 3 2 6
            97240A a d e + (304980A a b + 101660B a )d e
--R
--R
--R
                                2 3 5
--R
             (108120A \ a \ b + 108120B \ a \ b)d \ e + (170A \ b + 510B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                 3 5 3
           - 80B b d e
--R
--R
--R
           3
--R
           x
--R
                   3 2 6 2 3 3 5
--R
--R
           145860A a d e + (159120A a b + 53040B a )d e
--R
                    2 2 4 4 3 2 5 3
--R
--R
            (1530A \ a \ b + 1530B \ a \ b) d \ e + (-204A \ b - 612B \ a \ b) d \ e
--R
--R
               3 6 2
--R
           96B b d e
--R
--R
            2
--R
--R
--R
                                    3 4 4
           97240A a d e + (6630A a b + 2210B a )d e
--R
--R
```

```
2 2 5 3 3 2 6 2
--R
--R
            (- 2040A a b - 2040B a b)d e + (272A b + 816B a b )d e
--R
--R
                   3 7
--R
           - 128B b d e
--R
--R
--R
                3 4 4 2 3 5 3
--R
        24310A a d e + (- 13260A a b - 4420B a )d e
--R
--R
                      2 6 2
                                     3
                                                     2 7 3 8
--R
         (4080A a b + 4080B a b)d e + (- 544A b - 1632B a b )d e + 256B b d
--R
--R
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
           5
--R
      109395e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 718
--S 719 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
   (4) 0
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 719
--S 720 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 720
)clear all
--S 721 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R (1)
         3 2 6 3 2 2 3
--R
      B b e x + ((A b + 3B a b)e + 2B b d e)x
--R
--R
--R
             2 2 2 3 2 3 2 4
     ((3A a b + 3B a b)e + (2A b + 6B a b )d e + B b d )x
--R
```

```
--R
              2 3 2 2 2
                                             3 223
--R
--R
         ((3A \ a \ b + B \ a \ )e + (6A \ a \ b + 6B \ a \ b)d \ e + (A \ b + 3B \ a \ b \ )d \ )x
--R
            3 2 2 3
                                           2 2 2 2
--R
         (A a e + (6A a b + 2B a) d e + (3A a b + 3B a b) d) x
--R
--R
--R
                       2
                               3 2
         (2A \ a \ d \ e + (3A \ a \ b + B \ a \ )d \ )x + A \ a \ d
--R
--R
--R
        +----+
--R
       \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 721
--S 722 of 1293
r0:=2/7*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^5-_
    2/9*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^5+_
    6/11*b*(b*d-a*e)*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^5-_
    2/13*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(13/2)/e^5+_
    2/15*b^3*B*(d+e*x)^(15/2)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
                 3 7 7 3 2 7 3 6 6
--R
           6006B b e x + ((6930A b + 20790B a b)e + 14322B b d e)x
--R
--R
                            2 7 3
--R
              (24570A \ a \ b + 24570B \ a \ b)e + (17010A \ b + 51030B \ a \ b)d \ e
--R.
--R
                     3 2 5
--R
             8946B b d e
--R
--R
--R
            х
--R
--R
                                 3 7
                                                  2
--R
              (30030A \ a \ b + 10010B \ a \ )e + (62790A \ a \ b + 62790B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                   2 2 5
              (11130A b + 33390B a b) d e + 70B b d e
--R
--R
--R.
              4
--R.
            x
--R
--R
                      3 7
                                    2
--R
              12870A a e + (81510A a b + 27170B a )d e
--R
                        2 2 2 5 3 2 3 4
--R
               (44070A \ a \ b + 44070B \ a \ b)d \ e + (150A \ b + 450B \ a \ b)d \ e
--R
```

```
--R
            3 4 3
--R
--R
           - 80B b d e
--R
--R
           3
--R
           x
--R
--R
           38610A a d e + (64350A a b + 21450B a )d e
--R
--R
--R
                   2 2 3 4 3 2 4 3
            (1170A \ a \ b + 1170B \ a \ b) d \ e + (-180A \ b - 540B \ a \ b) d \ e
--R
--R
               3 5 2
--R
--R
           96B b d e
--R
--R
           2
--R
           x
--R
--R
                 3 2 5
--R
           38610A a d e + (4290A a b + 1430B a )d e
--R
                         2 4 3 3 2 5 2
--R
            (- 1560A a b - 1560B a b)d e + (240A b + 720B a b )d e
--R
           +
36
--R
--R
--R
           - 128B b d e
--R
--R
--R
              3 3 4 2 3 4 3
--R
         12870A a d e + (- 8580A a b - 2860B a )d e
--R
--R
               2 2 5 2 3 2 6 3 7
--R
--R
        (3120A a b + 3120B a b)d e + (- 480A b - 1440B a b )d e + 256B b d
--R
        +----+
--R
--R
       \label{eq:lemma_def} \
--R /
        5
--R
--R
      45045e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 722
--S 723 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
               3 7 7 3 2 7 3 6 6
--R
```

```
--R
         6006B b e x + ((6930A b + 20790B a b)e + 14322B b d e)x
--R
                    2 2 7 3 2 6
--R
--R
            (24570A a b + 24570B a b)e + (17010A b + 51030B a b )d e
--R
--R
                 3 2 5
--R
           8946B b d e
--R
--R
--R
           x
--R
                         3 7
                                            2
--R
            (30030A \ a \ b + 10010B \ a \ ) e + (62790A \ a \ b + 62790B \ a \ b) d \ e
--R
--R
--R
                         2 2 5 3 3 4
--R
           (11130A b + 33390B a b )d e + 70B b d e
--R
--R
--R
--R
--R
            12870A a e + (81510A a b + 27170B a )d e
--R
--R
--R
                2 2 2 5 3 2 3 4
            (44070A \ a \ b + 44070B \ a \ b) d \ e + (150A \ b + 450B \ a \ b) d \ e
--R
--R
--R
--R
            - 80B b d e
--R
--R
            3
--R
           x
--R
--R
--R
            38610A a d e + (64350A a b + 21450B a )d e
--R
                    2 2 3 4 3 2 4 3
--R
            (1170A a b + 1170B a b)d e + (- 180A b - 540B a b )d e
--R
--R
               3 5 2
--R
--R
            96B b d e
--R
--R
            2
--R
           x
--R
                  3 2 5 2 3 3 4
--R
             38610A \ a \ d \ e + (4290A \ a \ b + 1430B \ a ) d \ e
--R
--R
                           2 4 3 3 2 5 2
--R
            (- 1560A a b - 1560B a b)d e + (240A b + 720B a b )d e
--R
--R
```

```
--R
                3 6
           - 128B b d e
--R
--R
--R
           X
--R
                         2
                                     3 4 3
--R
                3 3 4
         12870A a d e + (- 8580A a b - 2860B a )d e
--R
--R
                 2 2 5 2 3 2 6 3 7
--R
         (3120A a b + 3120B a b)d e + (- 480A b - 1440B a b )d e + 256B b d
--R
--R
         +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
         5
--R
       45045e
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 723
--S 724 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 724
--S 725 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 725
)clear all
--S 726 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
     (1)
--R.
          3 5 3
                             2
        B b e x + ((A b + 3B a b)e + B b d)x
--R
--R
--R
                    2
                              3
       ((3A \ a \ b + 3B \ a \ b)e + (A \ b + 3B \ a \ b)d)x
--R
--R
            2 3 2 2 3 2 3
--R
      ((3A \ a \ b + B \ a \ )e + (3A \ a \ b + 3B \ a \ b)d)x + (A \ a \ e + (3A \ a \ b + B \ a \ )d)x
--R
```

```
--R
         3
--R
--R
        Aad
--R *
       +----+
--R
--R
       \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 726
--S 727 of 1293
r0:=2/5*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^5-2/7*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-1)
    3*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^5+_
    2/3*b*(b*d-a*e)*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^5-_
    2/11*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^5+_
    2/13*b^3*B*(d+e*x)^(13/2)/e^5
--R
--R
--R
    (2)
                3 6 6 3
                                         2 6 3 5 5
--R
          2310B b e x + ((2730A b + 8190B a b)e + 2940B b d e)x
--R
--R
--R
                      2 2 6 3 2 5
--R
              (10010A \ a \ b + 10010B \ a \ b)e + (3640A \ b + 10920B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                  3 2 4
             70B b d e
--R
--R
--R
--R
            х
--R
                      2 3 6
--R
--R
             (12870A \ a \ b + 4290B \ a \ )e + (14300A \ a \ b + 14300B \ a \ b)d \ e
--R
                             2 2 4 3 3 3
--R
--R
              (130A b + 390B a b )d e - 80B b d e
--R
--R
             3
--R
            x
--R
--R
                    3 6
                                2
--R
              6006A a e + (20592A a b + 6864B a )d e
--R
--R.
                   2 2 2 4 3 2 3 3 3 4 2
            (858A a b + 858B a b)d e + (- 156A b - 468B a b )d e + 96B b d e
--R
--R
--R
             2
--R
            х
--R
                                  2 3 2 4
--R
                     3 5
              12012A a d e + (2574A a b + 858B a )d e
--R
```

```
--R
              2 2 3 3 3 2 4 2
--R
            (- 1144A a b - 1144B a b)d e + (208A b + 624B a b )d e
--R
--R
--R
                  3 5
           - 128B b d e
--R
--R
--R
--R
                            2
--R
              3 2 4
                                     3 3 3
--R
         6006 \mbox{\mbox{\it A}} a d e \, + (- 5148 \mbox{\mbox{\it A}} a b - 1716 \mbox{\mbox{\it B}} a )d e
--R
                                   3 2 5 3 6
                2 2 4 2
--R
        (2288A a b + 2288B a b)d e + (- 416A b - 1248B a b )d e + 256B b d
--R
--R
--R
--R
       --R /
--R
        5
--R
      15015e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 727
--S 728 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
               3 6 6 3 2 6 3 5 5
--R
--R
         2310B b e x + ((2730A b + 8190B a b)e + 2940B b d e)x
--R
                    2 2 6 3 2 5
--R
            (10010A a b + 10010B a b)e + (3640A b + 10920B a b )d e
--R
--R
--R
               3 2 4
           70B b d e
--R
--R
--R
--R
--R
                        3 6
--R
--R
            (12870A a b + 4290B a )e + (14300A a b + 14300B a b)d e
--R.
--R
                          2 2 4 3 3 3
--R
           (130A b + 390B a b )d e - 80B b d e
--R
--R
           3
--R
           x
--R
                  3 6 2 3 5
--R
```

```
--R
              6006A a e + (20592A a b + 6864B a )d e
--R
                    2 2 2 4 3 2 3 3 3 4 2
--R
--R
             (858A \ a \ b \ + 858B \ a \ b) d \ e \ + (- \ 156A \ b \ - 468B \ a \ b \ ) d \ e \ + 96B \ b \ d \ e
--R
--R
             2
--R
            X
--R
                     3 5 2 3 2 4
--R
             12012A a d e + (2574A a b + 858B a )d e
--R
--R
                                 2 3 3 3
--R
              (- 1144A a b - 1144B a b)d e + (208A b + 624B a b )d e
--R
--R
--R
                     3 5
--R
             - 128B b d e
--R
--R
            X
--R
--R
                3 2 4
                            2
--R
           6006A a d e + (- 5148A a b - 1716B a )d e
--R
--R
                  2 2 4 2
                                                    2 5 3 6
           (2288A \ a \ b + 2288B \ a \ b)d \ e + (-416A \ b - 1248B \ a \ b)d \ e + 256B \ b \ d
--R
--R
         +----+
--R
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
           5
--R
       15015e
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 728
--S 729 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 729
--S 730 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 730
)clear all
```

```
--S 731 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
    (1)
--R
                   3 2 3 2 2 2 3
--R
--R
       B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x
--R
--R
          3
--R
        A a
--R *
        +----+
--R
--R
       \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 731
--S 732 of 1293
r0:=2/3*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^5-2/5*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2
    3*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^5+_
    6/7*b*(b*d-a*e)*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^5-_
    2/9*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^5+_
    2/11*b^3*B*(d+e*x)^(11/2)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
                                         2 5 3 4 4
--R
--R
          630B b e x + ((770A b + 2310B a b)e + 70B b d e)x
--R
                    2 2 5 3 2 4 3 2 3 3
--R.
--R
          ((2970A a b + 2970B a b)e + (110A b + 330B a b )d e - 80B b d e )x
--R
--R
                               3 5
--R
              (4158A \ a \ b + 1386B \ a \ ) e + (594A \ a \ b + 594B \ a \ b) d \ e
--R
                               2 2 3
--R
                     3
                                           3 3 2
--R
            (- 132A b - 396B a b )d e + 96B b d e
--R
--R
             2
--R
            X
--R
--R
                    3 5
                               2
                                         3 4
--R.
              2310A a e + (1386A a b + 462B a )d e
--R
--R
                     2
                          2 2 3 3
                                                   2 3 2 3 4
            (-792A \ a \ b \ -792B \ a \ b) d \ e \ + (176A \ b \ +528B \ a \ b) d \ e \ -128B \ b \ d \ e
--R
--R
--R
            X
--R
--R
                 3 4
                                 2
                                         3 2 3
```

```
--R
        2310A a d e + (- 2772A a b - 924B a )d e
--R
                2 2 3 2 3 2 4 3 5
--R
--R
        (1584A a b + 1584B a b)d e + (- 352A b - 1056B a b )d e + 256B b d
--R
--R
        +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R /
--R
        5
--R
      3465e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 732
--S 733 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
             3 5 5 3 2 5 3 4 4
--R
         630B b e x + ((770A b + 2310B a b)e + 70B b d e)x
--R
--R
                 2 2 5 3 2 4 3 2 3 3
--R
--R
         ((2970A \ a \ b + 2970B \ a \ b)e + (110A \ b + 330B \ a \ b)d \ e - 80B \ b \ d \ e)x
--R
                  2 3 5
--R
            (4158A \ a \ b + 1386B \ a \ ) e + (594A \ a \ b + 594B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                   3 2 2 3 3 3 2
--R
--R
           (- 132A b - 396B a b )d e + 96B b d e
--R
--R
            2
--R
           X
--R
                  3 5 2 3 4
--R
--R
            2310A a e + (1386A a b + 462B a )d e
--R
                   2 2 2 3 3
--R
                                               2 3 2 3 4
           (-792A \ a \ b \ -792B \ a \ b) d \ e \ + (176A \ b \ +528B \ a \ b \ ) d \ e \ -128B \ b \ d \ e
--R
--R
--R
--R
                       2 3 2 3
--R
              3 4
--R
         2310A \ a \ d \ e \ + (-2772A \ a \ b - 924B \ a )d \ e
--R
                2 2 3 2 3 2 4 3 5
--R
         (1584A a b + 1584B a b)d e + (- 352A b - 1056B a b )d e + 256B b d
--R
--R
--R
        +----+
        \ | e x + d
--R
--R /
```

```
--R
--R
       3465e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 733
--S 734 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 734
--S 735 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 735
)clear all
--S 736 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
    (1)
    3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R
--R Bbx + (Ab + 3Bab)x + (3Aab + 3Bab)x + (3Aab + Ba)x + Aa
--R
--R
--R
                                  \leq x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 736
--S 737 of 1293
r0:=-2/3*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^5+_
    6/5*b*(b*d-a*e)*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^5-_
    2/7*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^5+_
    2/9*b^3*B*(d+e*x)^(9/2)/e^5+2*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
              3 4 4
                       3
                                    2 4
          70B b e x + ((90A b + 270B a b)e - 80B b d e)x
--R
--R
                                                    2 3 3 2 2 2
--R
--R
          ((378A a b + 378B a b)e + (- 108A b - 324B a b )d e + 96B b d e )x
--R
```

```
2 3 4 2 2 3
--R
--R
             (630A \ a \ b + 210B \ a \ )e + (-504A \ a \ b - 504B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                           2 2 2
                                       3 3
           (144A b + 432B a b )d e - 128B b d e
--R
--R
--R
--R
             3 4 2 3 3 2 2 2 2
--R
         630A a e + (- 1260A a b - 420B a )d e + (1008A a b + 1008B a b)d e
--R
--R
                                  3 4
                         2 3
--R
         (- 288A b - 864B a b )d e + 256B b d
--R
--R
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
         5
--R
      315e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 737
--S 738 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
             3 4 4 3 2 4 3 3 3
--R
--R
         70B b e x + ((90A b + 270B a b)e - 80B b d e)x
--R
                                                 2 3 3 2 2 2
--R
         ((378A a b + 378B a b)e + (- 108A b - 324B a b )d e + 96B b d e )x
--R
--R
                 2 3 4 2 2 3
--R
--R
             (630A \ a \ b + 210B \ a \ )e + (-504A \ a \ b - 504B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                           2 2 2 3 3
            (144A b + 432B a b )d e - 128B b d e
--R
--R
--R
--R
                          2
                                   3
                                       3
--R
             3 4
--R.
         630A a e + (- 1260A a b - 420B a )d e + (1008A a b + 1008B a b)d e
--R
             3 2 3 3 4
--R
         (-288A b - 864B a b) d e + 256B b d
--R
--R
--R
        +----+
        \ | e x + d
--R
--R /
```

```
--R
--R
      315e
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 738
--S 739 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 739
--S 740 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 740
)clear all
--S 741 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
    (1)
    3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R
--R Bbx + (Ab + 3Bab)x + (3Aab + 3Bab)x + (3Aab + Ba)x + Aa
--R
--R
--R
                              (e x + d) | e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 741
--S 742 of 1293
r0:=2*b*(b*d-a*e)*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^5-_
    2/5*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^5+_
    2/7*b^3*B*(d+e*x)^(7/2)/e^5-2*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)/(e^5*sqrt(d+e*x))-_
    2*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
            3 4 4
                     3
                                  2 4 3 3 3
        10B b e x + ((14A b + 42B a b) e - 16B b d e) x
--R
--R
--R
                      2 4
                                              2 3
--R
      ((70A a b + 70B a b)e + (- 28A b - 84B a b )d e + 32B b d e )x
--R
```

```
2 3 4
--R
--R
           (210A a b + 70B a )e + (- 280A a b - 280B a b)d e
--R
--R
                         2 2 2
                                    3 3
          (112A b + 336B a b )d e - 128B b d e
--R
--R
--R
         X
--R
            3 4 2 3 3
--R
       - 70A a e + (420A a b + 140B a )d e + (- 560A a b - 560B a b)d e
--R
--R
                      2 3
                              3 4
--R
            3
        (224A b + 672B a b) d e - 256B b d
--R
--R /
--R
        5 +----+
--R
      35e | x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 742
--S 743 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           3 4 4 3 2 4 3 3 3
--R
--R
        10B b e x + ((14A b + 42B a b )e - 16B b d e )x
--R
--R
              2 2 4 3 2 3 3 2 2 2
--R
        ((70A a b + 70B a b)e + (- 28A b - 84B a b )d e + 32B b d e )x
--R
--R
                     3 4
          (210A a b + 70B a )e + (- 280A a b - 280B a b)d e
--R
--R
                3 2 2 2 3 3
--R
--R
          (112A b + 336B a b )d e - 128B b d e
--R
--R
         X
--R
--R
             3 4
                       2
                                3 3
--R
       - 70A a e + (420A a b + 140B a )d e + (- 560A a b - 560B a b)d e
--R
                      2 3
--R
                                 3 4
--R
        (224A b + 672B a b) d e - 256B b d
--R /
        5 +----+
--R
--R
      35e \mid e x + d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 743
--S 744 of 1293
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 744
--S 745 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 745
)clear all
--S 746 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R (1)
--R
     3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R
     B b x + (A b + 3B a b) x + (3A a b + 3B a b) x + (3A a b + B a) x + A a
--R
                          2 2 2 +----+
--R
--R
                         (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 746
--S 747 of 1293
r0:=-2/3*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)/(e^5*(d+e*x)^(3/2))-_
    2/3*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^5+_
    2/5*b^3*B*(d+e*x)^(5/2)/e^5+2*(b*d-a*e)^2*_
    (4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)/(e^5*sqrt(d+e*x))+6*b*(b*d-a*e)*_
    (2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*sqrt(d+e*x)/e^5
--R.
--R
--R
     (2)
           3 4 4 3
--R
                                2 4 3 3 3
        6B b e x + ((10A b + 30B a b)e - 16B b d e)x
--R
--R
--R.
                      2 4
                                 3
                                          2 3 3 2 2 2
        ((90A a b + 90B a b)e + (- 60A b - 180B a b )d e + 96B b d e )x
--R
--R
--R
                        3 4
--R
           (-90A \ a \ b - 30B \ a \ ) e + (360A \ a \ b + 360B \ a \ b) d \ e
--R
                      2 2 2 3 3
--R
--R
            (-240A b - 720B a b)d e + 384B b d e
```

```
--R
--R
      x
--R
             3 4 2 3 3
--R
--R
       - 10A a e + (- 60A a b - 20B a )d e + (240A a b + 240B a b)d e
--R
             3 2 3 3 4
--R
--R
        (- 160A b - 480B a b )d e + 256B b d
--R /
        6 5 +----+
--R
--R
      (15e x + 15d e )\|e x + d|
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 747
--S 748 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
                  3 2 4 3 3 3
       6B b e x + ((10A b + 30B a b)e - 16B b d e)x
--R
--R
--R
             2 2 4 3
                                          2 3 3 2 2 2
       ((90A a b + 90B a b)e + (- 60A b - 180B a b )d e + 96B b d e )x
--R
--R
                 2 3 4 2 2 3
--R
          (- 90A a b - 30B a )e + (360A a b + 360B a b)d e
--R
--R
                    2 2 2
--R
--R
         (- 240A b - 720B a b )d e + 384B b d e
--R
--R
--R
            3 4 2 3 3 2 2 2 2
--R
--R
       - 10A a e + (- 60A a b - 20B a )d e + (240A a b + 240B a b)d e
--R
                      2 3 3 4
--R
             3
--R
        (-160A b - 480B a b) d e + 256B b d
--R /
--R
               5 +----+
--R
      (15e x + 15d e) | e x + d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 748
--S 749 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 749
--S 750 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 750
)clear all
--S 751 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
     3 4
              3
                       2 3
                                   2 2 2 2
    B b x + (A b + 3B a b) x + (3A a b + 3B a b) x + (3A a b + B a) x + A a
--R
--R
--R
                     3 3 2 2 2 3 +----+
--R
                    (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 751
--S 752 of 1293
r0:=-2/5*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)/(e^5*(d+e*x)^(5/2))+_
    2/3*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)/(e^5*(d+e*x)^(3/2))+_
    2/3*b^3*B*(d+e*x)^(3/2)/e^5-6*b*(b*d-a*e)*_
    (2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)/(e^5*sqrt(d+e*x))-_
    2*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
                        3
                                  2 4
        10B b e x + ((30A b + 90B a b)e - 80B b d e)x
--R
--R
                                  3
--R
                                               2 3
                      2 4
        ((- 90A a b - 90B a b)e + (180A b + 540B a b )d e - 480B b d e )x
--R
--R
--R
           (- 30A a b - 10B a )e + (- 120A a b - 120B a b)d e
--R
--R.
--R
                           2 2 2
--R
            (240A b + 720B a b) d e - 640B b d e
--R
--R
          х
--R
--R
                  2 3 3 2 2 2 2
        -6A a e + (-12A a b -4B a )d e + (-48A a b -48B a b)d e
--R
```

```
--R
        3 2 3 3 4
--R
--R
      (96A b + 288B a b )d e - 256B b d
--R /
       7 2 6 2 5 +----+
--R
--R
     (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 752
--S 753 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          3 4 4 3 2 4 3 3 3
--R
--R
       10B b e x + ((30A b + 90B a b)e - 80B b d e)x
--R
--R
                    2 4
                                  3
                                         2 3 3 2 2 2
       ((- 90A a b - 90B a b)e + (180A b + 540B a b )d e - 480B b d e )x
--R
--R
--R
--R
          (- 30A a b - 10B a )e + (- 120A a b - 120B a b)d e
--R
--R
               3 2 2 2 3 3
           (240A b + 720B a b) d e - 640B b d e
--R
--R
--R
        x
--R
--R
                        2 3 3
           3 4
--R
       - 6A a e + (- 12A a b - 4B a )d e + (- 48A a b - 48B a b)d e
--R
           3 2 3 3 4
--R
--R
        (96A b + 288B a b) d e - 256B b d
--R /
                6 25 +----+
--R
        7 2
      (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 753
--S 754 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 754
--S 755 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R
               (5) 0
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 755
)clear all
--S 756 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)/(a+b*x)
--R
--R
--R
                 (1)
                                                                                                  2 3
                                                                  3
                                                                                                                                           2
                                                                                                                                                                   2 2
--R
                                  B e x + (A e + 3B d e)x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d)x
--R
--R
--R
                                           3
--R.
                                   A d
--R
                               +----+
--R
--R
                             \leq x + d
--R /
--R
                       bx + a
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 756
--S 757 of 1293
r0:=2/3*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2)/b^4+_
               2/5*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2)/b^3+_
               2/7*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(7/2)/b^2+2/9*B*(d+e*x)^(9/2)/(b*e)-_
               2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^(7/2)*atanh(sqrt(b)*_
               sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(11/2)+2*(A*b-a*B)*_
               (b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x)/b^5
--R
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                                       4 4
                                                                                                                                            2 2
--R
                                         (630A \ a \ b - 630B \ a \ ) e + (-1890A \ a \ b + 1890B \ a \ b) d \ e
--R
                                                                                                  2 2 2 2
--R
                                                                    3
--R
                                         (1890A \ a \ b - 1890B \ a \ b \ ) d \ e + (-630A \ b + 630B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                                                                                                 +-+ +----+
--R.
                                     +----+
                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
                                   \|- a e + b d atanh(-----)
--R.
                                                                                                 +----+
--R
--R
                                                                                              \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                                  3 4
--R
                                        70B b e x + ((90A b - 90B a b)e + 280B b d e)x
--R
```

```
3 224 4 33
--R
--R
              (-126A \ a \ b \ + 126B \ a \ b \ ) e \ + (396A \ b \ - 396B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                   4 2 2
--R
              420B b d e
--R
--R
             2
--R
           x
--R
                   2 2 3 4
--R
                                            3
--R
              (210A a b - 210B a b)e + (- 672A a b + 672B a b )d e
--R
                            3 2 2
--R
              (732A b - 732B a b )d e + 280B b d e
--R
--R
--R
            X
--R
--R
                          4 4 2 2 3 3
--R
          (- 630A a b + 630B a )e + (2100A a b - 2100B a b)d e
--R
                                                3 3 4 4
--R
                           2 2 2 2
--R
         (-2436A \ a \ b + 2436B \ a \ b ) d \ e + (1056A \ b - 1056B \ a \ b ) d \ e + 70B \ b \ d
--R
          +-+ +----+
--R
--R
         \b \ \ \ x + d
--R /
         5 +-+
--R
--R
      315b e\|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 757
--S 758 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
                   3 4 4 2 2 3 3
--R
            (-315A \ a \ b + 315B \ a \ ) e + (945A \ a \ b - 945B \ a \ b) d \ e
--R
                            2 2 2 2 4
--R
           (- 945A a b + 945B a b )d e + (315A b - 315B a b )d e
--R
--R.
--R
--R
                              |- a e + b d +----+
                          - 2b |----- \leq x + d + b \in x - a \in + 2b d
--R
            +----+
--R
            |- a e + b d \| b
--R
            |------|
           \| b
--R
                                          b x + a
--R
```

```
4 4 4 4 3 3
--R
--R
            70B b e x + ((90A b - 90B a b)e + 280B b d e)x
--R
                       3 224 4 3 3
--R
--R
               (- 126A a b + 126B a b )e + (396A b - 396B a b )d e
--R
--R
                   4 2 2
--R
               420B b d e
--R
--R
              2
--R
             X
--R
                   2 2 3 4 3 2 2 3
--R
               (210A a b - 210B a b)e + (- 672A a b + 672B a b )d e
--R
--R
--R
                   4 3 2 2 4 3
--R
               (732A b - 732B a b) d e + 280B b d e
--R
--R
--R
--R
                  3 4 4 2 2 3 3
--R
            (-630A \ a \ b + 630B \ a \ ) e + (2100A \ a \ b - 2100B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                3 2 2 2 2 4 3 3
--R
            (- 2436A a b + 2436B a b )d e + (1056A b - 1056B a b )d e
--R
--R
               4 4
--R
            70B b d
--R
--R.
          +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
          5
--R
       315b e
--R
--R
--R
                        4 4
                                     2 2
           (630A a b - 630B a )e + (- 1890A a b + 1890B a b)d e
--R
--R
--R
                       2 2 2 2
           (1890A a b - 1890B a b )d e + (- 630A b + 630B a b )d e
--R
--R
--R.
           +----+
                        +----+
--R
          |ae-bd
                       \|e x + d
           |-----)
--R
                       +----+
--R
--R
                        |ae-bd
--R
                       |-----
                       \| b
--R
--R
```

```
4 4 4 4 4 3 3
--R
--R
            70B b e x + ((90A b - 90B a b)e + 280B b d e)x
--R
                       3 224 4
--R
               (- 126A a b + 126B a b )e + (396A b - 396B a b )d e
--R
--R
--R
                    4 2 2
--R
               420B b d e
--R
--R
               2
--R
              х
--R
                    2 2 3 4 3 2 2 3
--R
               (210A a b - 210B a b)e + (- 672A a b + 672B a b )d e
--R
--R
--R
                    4 3 2 2 4 3
--R
               (732A b - 732B a b) d e + 280B b d e
--R
--R
--R
--R
                  3 4 4 2 2 3 3
--R
            (-630A \ a \ b + 630B \ a \ ) e + (2100A \ a \ b - 2100B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                3 2 2 2 2 4 3 3
--R
            (-2436A \ a \ b + 2436B \ a \ b ) d \ e + (1056A \ b - 1056B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
               4 4
--R
            70B b d
--R
--R
           +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
          5
--R
      315b e
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 758
--S 759 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
              3 4 3 2 2 3 2
--R
--R
          (- A a b + B a )e + (3A a b - 3B a b)d e
--R
                3 222 4 33
--R
--R
           (-3A ab + 3B ab)de + (Ab - Bab)d
--R
                             +----+
--R
```

```
|- a e + b d +----+
--R
--R
                                                                                     - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
                             |- a e + b d +-+ \| b
--R
--R
                           |-----|
|b log(------)
--R
                          \| b
                                                                                                                                          b x + a
--R
                                                       3 4 3 2 2 3 2
--R
--R
                                   (- 2A a b + 2B a )e + (6A a b - 6B a b)d e
--R
                                                         3 222 4
--R
--R
                                      (-6A \ a \ b + 6B \ a \ b ) d \ e + (2A \ b - 2B \ a \ b ) d
--R
                                                                                       +-+ +----+
--R
                                  +----+
--R
                                                                                     \b \leq x + d
--R
                               \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                       +----+
--R
                                                                                     \|- a e + b d
--R /
--R
                       5 +-+
--R
                     b \|b
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 759
--S 760 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
             (5) 0
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 760
--S 761 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                (6)
--R
                                                                       4 3 2 2 3 2
--R
                                    (-2A \ a \ b + 2B \ a \ )e + (6A \ a \ b - 6B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                          3 222
                                      (-6A \ a \ b + 6B \ a \ b ) d \ e + (2A \ b - 2B \ a \ b ) d
--R
--R
--R.
                                                                                       +-+ +----+
                                  +----+
--R.
                                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
                                \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                       +----+
--R
--R
                                                                                      \ |-ae+bd
--R
                                                                4 3 2 2 3 2
--R
                                                   3
                                      (2A \ a \ b - 2B \ a \ )e + (-6A \ a \ b + 6B \ a \ b)d \ e
--R
```

```
--R
                  3 222
--R
--R
            (6A \ a \ b \ - 6B \ a \ b \ )d \ e \ + \ (- \ 2A \ b \ + \ 2B \ a \ b \ )d
--R
                               +----+
--R
               +----+
                               \label{eq:lemma_def} \
--R
            +-+ |a e - b d
--R
           --R
              \| ъ
                               +----+
--R
                               la e - b d
                               |-----
--R
                              \| b
--R
--R /
        5 +-+
--R
--R
       b \|b
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 761
--S 762 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 762
)clear all
--S 763 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^{(5/2)}/(a+b*x)
--R
--R
                                                  2 2 +----+
              2 3 2 2
--R
--R
         (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) | e x + d
--R
--R
                                     bx + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 763
--S 764 of 1293
r0:=2/3*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2)/b^3+_
    2/5*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(5/2)/b^2+2/7*B*(d+e*x)^(7/2)/(b*e)-_
    2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^(5/2)*atanh(sqrt(b)*_
    sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(9/2)+2*(A*b-a*B)*_
    (b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x)/b^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                              3 3
--R
            (- 210A a b + 210B a )e + (420A a b - 420B a b)d e
--R
```

```
--R
--R
                                 (- 210A b + 210B a b )d e
--R
--R
                                                                                    +-+ +----+
                                +----+
--R
                                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                               \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                   +----+
--R
                                                                                  \|- a e + b d
--R
                                                                                   3 2 3
                                             3 3 3
                                                                                                                                             3 2 2
--R
--R
                                   30B b e x + ((42A b - 42B a b)e + 90B b d e)x
--R
                                                                                   2 3 3
 --R
                                   ((- 70A a b + 70B a b)e + (154A b - 154B a b )d e + 90B b d e)x
 --R
 --R
 --R
                                                                   3 3
                                                                                                           2
                                                     2
--R
                                    (210A \ a \ b - 210B \ a \ )e + (-490A \ a \ b + 490B \ a \ b)d \ e
--R
                                                                                2 2 3 3
--R
--R
                                    (322A b - 322B a b) d e + 30B b d
--R
                                +-+ +----+
--R
--R
                               --R /
                               4 +-+
--R
--R
                     105b e\|b
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 764
--S 765 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               (3)
--R
               Γ
                                                              2 3 3 2 2 2
--R
--R
                                        (-105A \ a \ b + 105B \ a \ ) e + (210A \ a \ b - 210B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                                                              3
 --R
                                        (- 105A b + 105B a b )d e
 --R
 --R
--R.
                                                                                          |- a e + b d +----+
--R
                                                                                  2b \mid ----- \mid e x + d + b e x - a e + 2b d
                                      |- a e + b d \| b
--R
                                      |------)
--R
--R
                                    \| b
                                                                                                                                     bx + a
--R
                                                     3 3 3 2 3 3 2 2
--R
                                         30B b e x + ((42A b - 42B a b)e + 90B b d e)x
--R
```

```
--R
                     2 2 3 3 2 2 3 2
--R
--R
             ((- 70A a b + 70B a b)e + (154A b - 154B a b )d e + 90B b d e)x
--R
                   2 3 3 2 2 2
--R
             (210A \ a \ b - 210B \ a \ )e + (-490A \ a \ b + 490B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                            2 2
             (322A b - 322B a b )d e + 30B b d
--R
--R
--R
            +----+
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
--R
        105b e
--R
--R
--R
                         3 3 2 2
             (- 210A a b + 210B a )e + (420A a b - 420B a b)d e
--R
--R
--R
             (- 210A b + 210B a b )d e
--R
--R
--R
            +----+
                           +----+
            la e - b d
                         \|e x + d
--R
            |----- atan(-----)
--R
            \| b
                           +----+
--R
--R
                           la e - b d
--R
                           |-----
--R
                          \| b
--R
                 3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
             30B b e x + ((42A b - 42B a b)e + 90B b d e)x
--R
                      2 2 3
--R
                                         3
                                                    2 2
             ((-70A \ a \ b + 70B \ a \ b)e + (154A \ b - 154B \ a \ b)d \ e + 90B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                        3 3
                                           2
             (210A \ a \ b - 210B \ a \ )e + (-490A \ a \ b + 490B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                            2 2 3 3
             (322A b - 322B a b )d e + 30B b d
--R
--R.
            +----+
--R
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
           4
--R
        105b e
--R
      1
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
```

```
--Е 765
--S 766 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
    (4)
--R
              2 3 2 2 2
--R
         ((- A a b + B a )e + (2A a b - 2B a b)d e + (- A b + B a b )d)
--R
--R
--R
                             |- a e + b d +----+
--R
                           2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d \| b
--R
--R
          |-ae+bd +-+
--R
          |------|
|b log(------)
--R
         \| b
                                          b x + a
--R
              2 3 2 2 3 2 2
--R
--R
         ((2A \ a \ b - 2B \ a \ )e + (-4A \ a \ b + 4B \ a \ b)d \ e + (2A \ b - 2B \ a \ b \ )d \ )
--R
--R
                          +-+ +----+
--R
         +----+
                         \|b \|e x + d
         \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                          +----+
--R
--R
                         \|- a e + b d
--R /
--R
      4 +-+
--R
      b \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 766
--S 767 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 767
--S 768 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
              2 3 2 2 3 2 2
--R
         ((2A \ a \ b - 2B \ a \ )e + (-4A \ a \ b + 4B \ a \ b)d \ e + (2A \ b - 2B \ a \ b)d)
--R
--R
--R
                          +-+ +----+
--R
                        \|- a e + b d atanh(-----)
--R
```

```
--R
                            +----+
--R
                           \|- a e + b d
--R
--R
                 2
                        3 2
                                2
                                          2
          ((-2A \ a \ b + 2B \ a \ )e + (4A \ a \ b - 4B \ a \ b)d \ e + (-2A \ b + 2B \ a \ b)d)
--R
--R
--R
              +----+
                             +----+
--R
           +-+ |a e - b d
                             \label{eq:lemma_def} \ | e x + d
          \|b |----- atan(-----)
--R
             \| b
                             +----+
--R
--R
                             la e - b d
                             |-----
--R
                            \| b
--R
--R
--R
       4 +-+
--R
      b \|b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 768
--S 769 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 769
)clear all
--S 770 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a+b*x)
--R
--R
--R
                                   +----+
--R
        (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus |e x + d|
--R
--R
                       b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 770
--S 771 of 1293
2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^(3/2)*atanh(sqrt(b)*_
    --R
--R
--R
     (2)
--R
--R
          ((30A \ a \ b - 30B \ a \ )e + (-30A \ b + 30B \ a \ b)d \ e) |-a \ e + b \ d
--R
```

```
+-+ +----+
--R
--R
                --R
           atanh(-----)
--R
--R
                \|- a e + b d
--R
--R
--R
            6B b e x + ((10A b - 10B a b)e + 12B b d e)x
--R
                             2 2
--R
                                       2
--R
            (- 30A a b + 30B a )e + (40A b - 40B a b)d e + 6B b d
--R
           +-+ +----+
--R
--R
           \b \leq x + d
--R /
--R
          3 +-+
--R
       15b e\|b
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 771
--S 772 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     [
--R
--R
                              2 2 2
                                                          |- a e + b d
--R
             ((-15A \ a \ b + 15B \ a \ )e + (15A \ b - 15B \ a \ b)d \ e) \mid ------
--R
                                                         \| b
--R
                    +----+
--R
--R
                     |- a e + b d +----+
                - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                    \| b
--R
--R
--R
                                   b x + a
--R
                  2 2 2
--R
--R
              6B b e x + ((10A b - 10B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
                               2 2
                                          2
--R
              (-30A \ a \ b + 30B \ a \ )e + (40A \ b - 40B \ a \ b)d \ e + 6B \ b \ d
--R
             +----+
--R
--R
            \exists x + d
--R
--R
           3
--R
         15b e
--R
```

```
--R
--R
--R
                            2 2 2
                                                          la e - b d
             ((30A \ a \ b - 30B \ a \ )e + (-30A \ b + 30B \ a \ b)d \ e) \mid ------
--R
                                                         \| b
--R
--R
--R
                   +----+
--R
                  \exists x + d
            atan(-----)
--R
                  +----+
--R
                  la e - b d
--R
                  |-----
--R
                 \| b
--R
--R
--R
                  2 2 2
                               2
                                     2 2
--R
              6B b e x + ((10A b - 10B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
                               2 2 2
              (-30A \ a \ b + 30B \ a \ )e + (40A \ b - 40B \ a \ b)d \ e + 6B \ b \ d
--R
--R
--R
             +----+
--R
            \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
            3
--R
         15b e
--R
                                   Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--R
--E 772
--S 773 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
                                              |- a e + b d +-+
                               2
--R
--R
           ((- A a b + B a )e + (A b - B a b)d) |-----\|b
                                            \| b
--R
--R
--R
--R
                   |- a e + b d +----+
              - 2b |----- \ensuremath{\mbox{\sc l}} \left|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R.
                 \| b
           log(-----)
--R
--R
                                  b x + a
--R
                          2 2
--R
           ((-2A \ a \ b + 2B \ a \ )e + (2A \ b \ - 2B \ a \ b)d) |- a \ e + b \ d
--R
--R
                 +-+ +----+
--R
```

```
--R
--R
          atanh(-----)
--R
                 +----+
--R
                \|- a e + b d
--R /
        3 +-+
--R
--R
       b \|b
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 773
--S 774 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 774
--S 775 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
           ((- 2A \ a \ b + 2B \ a \ )e + (2A \ b - 2B \ a \ b)d)\|- a \ e + b \ d
--R
--R
                 +-+ +----+
--R
--R
                --R
           atanh(-----)
--R
                +----+
--R
                \|- a e + b d
--R
--R
                               2
--R
                                            +-+ |a e - b d
                                                                 \exists x + d
       ((2A \ a \ b - 2B \ a \ )e + (- 2A \ b + 2B \ a \ b)d) \setminus |b| \mid ----- atan(-----)
--R
                                                 \| b
--R
--R
                                                                  la e - b d
                                                                  |----
--R
                                                                 \| b
--R
--R /
--R
        3 +-+
--R
       b \|b
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 775
--S 776 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (7) 0
```

```
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 776
)clear all
--S 777 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(d+e*x)/(a+b*x)
--R
--R
--R
--R
                                                        (B x + A) \setminus |e x + d
--R
                           (1) -----
--R
                                                                                         b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 777
--S 778 of 1293
r0:=2/3*B*(d+e*x)^(3/2)/(b*e)-2*(A*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/_a*b-a*B)*atanh(sqrt(d+e*x)/
                            sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b*d-a*e)/b^(5/2)+2*(A*b-a*B)*sqrt(d+e*x)/b^2
--R
--R
--R
                                 (2)
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                +-+ +----+
                                                                                                                                                   +----+
--R
                                                                                                                                                                                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
                                                        (-6A b + 6B a)e\|-a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                 +----+
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                            \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                 +-+ +----+
--R
                                                      (2B b e x + (6A b - 6B a)e + 2B b d) | b | e x + d
--R /
--R
                                                      2 +-+
--R
                                            3b e\|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 778
--S 779 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
 --R
 --R
                                 (3)
 --R
                                 Γ
 --R.
                                                                                                                                                               +----+
                                                                                                                                                              |- a e + b d
--R
                                                                              (3A b - 3B a)e |-----
--R
--R
                                                                                                                                                        \ I
--R
 --R
                                                                                                                             +----+
                                                                                                                              |- a e + b d +----+
--R
                                                                                                   - 2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
```

```
--R
                   \| b
--R
--R
                                  b x + a
--R
--R
--R
          (2B b e x + (6A b - 6B a)e + 2B b d) | e x + d
--R
--R
--R
        3b e
--R
--R
--R
                          la e - b d
--R
                                         \ensuremath{\mbox{le x}} + d
          (- 6A b + 6B a)e |----- atan(-----)
--R
                        \| ъ
--R
--R
                                         la e - b d
--R
                                        \| b
--R
--R
--R
--R
          (2B b e x + (6A b - 6B a)e + 2B b d) | e x + d
--R
--R
          2
--R
        3b e
--R
--R
                                  Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 779
--S 780 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
                     +----+
--R
                     |-ae+bd +-+
          (A b - B a) \mid----- \setminus \midb
--R
                    \| ъ
--R
--R
                   +----+
--R
--R
                  |- a e + b d +----+
              - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                 \| b
          log(-----)
--R
--R
                                 b x + a
--R
--R
                     +----+
--R
--R
         (2A b - 2B a) = a + b d a tanh(-----)
--R
                                      \|- a e + b d
--R
```

```
--R /
--R
       2 +-+
--R
       b \|b
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 780
--S 781 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 781
--S 782 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
                                        +-+ +----+
--R
                     +----+ \|b \|e x + d
--R
         (2A b - 2B a) | - a e + b d atanh(-----)
--R
                                        +----+
--R
--R
                                       \|- a e + b d
--R
                           +----+
--R
--R
                       +-+ |a e - b d
                                           \label{eq:lemma_def} \
--R
        (- 2A b + 2B a)\|b |----- atan(-----)
--R
                         \| b
--R
                                           la e - b d
                                          |-----
--R
                                          \| b
--R
--R /
--R
       2 +-+
--R
       b \|b
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 782
--S 783 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 783
)clear all
--S 784 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*sqrt(d+e*x))
```

```
--R
--R
--R
         B \times A
--R
--R
--R
        (b x + a) | e x + d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 784
--S 785 of 1293
{\tt r0:=-2*(A*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(3/2)*\_}
    sqrt(b*d-a*e))+2*B*sqrt(d+e*x)/(b*e)
--R
--R
--R
    (2)
--R
                        +-+ +----+
--R
                       \b \leq x + d
                                       +----+
--R
    (-2A b + 2B a)e atanh(-----) + 2B\|-a e + b d \|b \|e x + d
                        +----+
--R
--R
                       \|- a e + b d
--R
--R
                           +----+ +-+
--R
                         b e\|- a e + b d \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 785
--S 786 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    [
--R
           (A b - B a)e
--R
--R
                                                   1 2
                      2 +----+
--R
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
         log(-----)
--R
                                    b x + a
--R
--R
              2 +----+
--R
--R.
         2B \mid -abe+bd \mid ex+d
--R
--R
           +----+
          1 2
--R
--R
        b e\|- a b e + b d
--R
--R
                      2 +----+
--R
```

```
\|a b e - b d \|e x + d | 2 +----+
--R
--R
      (2A b - 2B a)e atan(-----) + 2B\|a b e - b d \|e x + d
--R
                              ae-bd
--R
--R
                                 1 2
--R
--R
                               b e\|a b e - b d
--R
                                 Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 786
--S 787 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
--R
         (A b - B a) \mid - a e + b d \mid b
--R
--R
--R
                       2 +----+
--R
              (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                      b x + a
--R
--R
                                       +-+ +----+
                    | 2 \|b \|e x + d
--R
--R
        (2A b - 2B a) = a b e + b d atanh(-----)
                                       +----+
--R
--R
                                       \|- a e + b d
--R /
--R
       2 +----+ +-+
--R
--R
      b\|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 787
--S 788 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 788
--S 789 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
                                    +-+ +----+
--R
```

```
1 2
--R
                                                                                                                                                                                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                      (2A b - 2B a) | a b e - b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                     \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                        2 +----+
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                   (2A b - 2B a)\|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                       ae-bd
--R /
--R
                                              +----+ +-+ |
--R
                                         b\|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 789
--S 790 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                        (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 790
)clear all
--S 791 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
                                                                                                                                         B \times A
--R
--R
                                                      (b e x + (a e + b d)x + a d) | e x + d
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 791
--S 792 of 1293
r0:=-2*(A*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
                            ((b*d-a*e)^(3/2)*sqrt(b))-2*(B*d-A*e)/(e*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                                (2)
                                                                                                                                                                                                                        +-+ +----+
--R
                                                                                                                                   +----+
                                                                                                                                                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                    (2A b - 2B a)e\|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                                                                        +----+
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                      \|- a e + b d
--R
```

```
--R
                      +----+ +-+
--R
        (-2A e + 2B d) = a e + b d = b
--R /
                   +----+
--R
--R
       (a e - b d e)\|- a e + b d \|b \|e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 792
--S 793 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Γ
--R
--R
            (A b - B a)e \mid e x + d
--R
--R
                          2 +----+
--R
--R
             (-2a b e + 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | -a b e + b d
--R
--R
                                        bx+a
--R
--R
                        . 2
--R
--R
          (-2A e + 2B d) | -a b e + b d
--R
--R
                    +------
| 2 +-----+
--R
--R
        (a e - b d e) | - a b e + b d | e x + d
--R
--R
--R
--R
--R
                                     (- 2A b + 2B a)e\|e x + d atan(-----)
--R
--R
                                           ae-bd
--R
--R
--R
--R
          (-2A e + 2B d) | a b e - b d
--R
--R
                     2 +----+
--R
--R
        (a e - b d e) | a b e - b d | e x + d
--R
--R
                                 Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 793
--S 794 of 1293
```

```
m0:=a0.1-r0
--R
--R
                   (4)
--R
--R
                                                                             +----+ +-+
                                       (A b - B a) \setminus |- a e + b d \setminus |b|
--R
 --R
--R
--R
                                              (-2a b e + 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | -a b e + b d
--R
--R
--R
                                                                                                                                              bx + a
--R
                                                                                                                                                         +-+ +----+
 --R
 --R
                                                                                             2
                                                                                                                                                       --R
                                 (-2A b + 2B a) | -a b e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                         +----+
--R
                                                                                                                                                        \|- a e + b d
--R /
--R
                                                                 2 +----+ +-+
--R
--R
                          (a e - b d) | - a b e + b d | - a e + b d | b
--R
                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 794
--S 795 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
               (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 795
--S 796 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
 --R
                   (6)
 --R
                                                                                    1 2
--R
                                                                                                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
                                 (-2A b + 2B a) | a b e - b d atanh(-----)
 --R
 --R
 --R.
                                                                                                                                                  \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                                                                              2 +----+
--R
--R
                                                                                   +----+ +-+
                                                                                                                                                           --R
                                 (-2A b + 2B a) | -a e + b d | b atan(-----)
                                                                                                                                                                              ae-bd
--R
--R /
```

```
--R
--R
                 +----- +-+ | 2
--R
       (a e - b d) | - a e + b d | b | a b e - b d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 796
--S 797 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 797
)clear all
--S 798 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
                                   B \times A
--R
     (1) -----
--R
           2 3 2 2
                                             2 2 +----+
--R
         (b e x + (a e + 2b d e)x + (2a d e + b d)x + a d) | e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 798
--S 799 of 1293
r0:=-2/3*(B*d-A*e)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2))-2*(A*b-a*B)*_
    atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b)/_
    (b*d-a*e)^(5/2)+2*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                         2
          ((-6A b + 6B a)e x + (-6A b + 6B a)d e) | b | e x + d
--R
--R
--R
                +-+ +----+
--R
               \b \ \ \ x + d
--R
          atanh(-----)
                +----+
--R
--R
               \|- a e + b d
--R.
--R
                     2
                               2
                                                         2 +----+
--R
         ((6A b - 6B a)e x - 2A a e + (8A b - 4B a)d e - 2B b d) | - a e + b d
--R /
--R
                  3 2 2 2 2 3 2 2
         ((3a e - 6a b d e + 3b d e )x + 3a d e - 6a b d e + 3b d e)
--R
--R
--R
         +----+
```

```
--R
        \|- a e + b d \|e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 799
--S 800 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
     (3)
--R
--R
     Ε
--R
                                          l b
--R
                        2
           --R
--R
                                          \ \ \ \  a e - b d
--R
--R
--R
                          l b +----+
               (2a e - 2b d) | - ---- \setminus | e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                         \| ae-bd
--R
--R
                                   b x + a
--R
--R
                     2
--R
          (6A b - 6B a)e x - 2A a e + (8A b - 4B a)d e - 2B b d
--R
           2 4 3 2 2 2 2 3 2 2 3 +----+
--R
--R
        ((3a e - 6a b d e + 3b d e)x + 3a d e - 6a b d e + 3b d e)|e x + d
--R
--R
--R
--R
                        2
                                           | b +----+
           ((6A b - 6B a)e x + (6A b - 6B a)d e) |----- \leq x + d
--R
--R
                                          \|a e - b d
--R
--R
--R
                    b \mid e x + d
--R
--R
--R
               (a e - b d) |----
--R
--R
                        \|a e - b d
--R
--R.
                    2
                         2
--R
          (6A b - 6B a) e x - 2A a e + (8A b - 4B a) d e - 2B b d
--R
                     3 222
--R
                                   2 3 2 2 2 3 +----+
--R
        ((3a e - 6a b d e + 3b d e)x + 3a d e - 6a b d e + 3b d e) | e x + d
--R
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 800
```

```
--S 801 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
                  --R
--R
         (A b - B a) | - a e + b d | - -----
--R
                            \| a e - b d
--R
--R
--R
                       l b +----+
--R
            (2a e - 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
               \| a e - b d
--R
--R
                                b x + a
--R
--R
                          +-+ +----+
                  +-+
                        \b \e x + d
--R
        --R
--R
--R
                          \|- a e + b d
--R /
--R
                     2 2 +----+
       2 2
--R
      (a e - 2a b d e + b d )\|- a e + b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 801
--S 802 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 802
--S 803 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                          +-+ +----+
                  +-+
--R
                        (2A b - 2B a)\|b atanh(-----)
--R
                          +----+
--R
--R
                          \ |-ae+bd
--R
                                               +----+
--R
                   +----- b
                                              b\|e x + d
--R
```

```
(2A b - 2B a)\|- a e + b d |----- atan(-----)
--R
--R
                                 \la e - b d
--R
                                                          l b
                                                (a e - b d) |----
--R
                                                          \|a e - b d
--R
--R /
                        2 2 +----+
--R
        2 2
--R
       (a e - 2a b d e + b d )\|- a e + b d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 803
--S 804 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 804
)clear all
--S 805 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
--R
    (1)
--R
      B x + A
--R /
--R
            3 4
                 3 2 3 2 2 2 2
--R
          b e x + (a e + 3b d e)x + (3a d e + 3b d e)x + (3a d e + b d)x
--R
--R
             3
--R
          a d
--R
--R
         +----+
--R
        --R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 805
--S 806 of 1293
r0:=-2/5*(B*d-A*e)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2))+2/3*(A*b-a*B)/_
    ((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2))-2*b^(3/2)*(A*b-a*B)*_
    a tanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b*d-a*e)^{(7/2)}+_{\_}
    2*b*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                             3 2 2
--R
            (30A b - 30B a b) e x + (60A b - 60B a b) d e x
--R
```

```
--R
--R
          (30A b - 30B a b)d e
--R
--R
                          +-+ +----+
         +-+ +----+
--R
                         \b \leq x + d
--R
         \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
--R
                         \|- a e + b d
--R
--R
                2
--R
          (- 30A b + 30B a b)e x
--R
--R
          ((10A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (-70A \ b + 70B \ a \ b)d \ e )x - 6A \ a \ e
--R
--R
--R
                       2 2
                                 2
                                             2 2 3
--R
          (22A a b - 4B a )d e + (- 46A b + 28B a b)d e + 6B b d
--R
          +----+
--R
--R
         --R /
--R
           36 2 5 224 3332
--R
         (15a e - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e )x
--R
            --R
--R
         (30a d e - 90a b d e + 90a b d e - 30b d e )x + 15a d e
--R
--R
             2 3 3 2 4 2
                                3 5
--R
         - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e
--R
--R
        +----+
--R
       \|- a e + b d \|e x + d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 806
--S 807 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                2 3 2
--R
            (15A b - 15B a b)e x + (30A b - 30B a b)d e x
--R.
--R
--R
                2
--R
            (15A b - 15B a b)d e
--R
--R
            +----+
            b +----+
--R
            |- ----- \|e x + d
--R
```

```
--R
         \| a e - b d
--R
--R
                         l b +----+
--R
--R
             (- 2a e + 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                     \| a e - b d
--R
--R
                                 b x + a
--R
             2 3 2
--R
--R
         (-30A b + 30B a b)e x
--R
                      2 3 2 2 2 3
--R
         ((10A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (-70A \ b + 70B \ a \ b)d \ e )x - 6A \ a \ e
--R
--R
--R
                    2 2
                            2 2 2 3
--R
         (22A a b - 4B a )d e + (- 46A b + 28B a b)d e + 6B b d
--R
--R
             3 6 2 5 2 2 4
                                       3 3 3 2
--R
          (15a e - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e )x
--R
            3 5 2 2 4 2 3 3 3 4 2 3 2 4
--R
--R
          (30a d e - 90a b d e + 90a b d e - 30b d e)x + 15a d e
--R
--R
              2 3 3 2 4 2 3 5
--R
          - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e
--R
--R
         +----+
--R
         \ | e x + d
--R
--R
                 2 3 2 2 2
--R
--R
            (-30A b + 30B a b)e x + (-60A b + 60B a b)d e x
--R
                2 2
--R
           (-30A b + 30B a b)d e
--R
--R
--R
           | b +----+ b\|e x + d
--R
           |----- \|e x + d atan(-----)
--R
--R
          \|a e - b d
--R
                                       l b
--R.
                               (a e - b d) |----
                                      \|a e - b d
--R
--R
              2 3 2
--R
--R
         (-30A b + 30B a b)e x
--R
                     2 3 2 2 2 3
--R
         ((10A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (-70A \ b + 70B \ a \ b)d \ e )x - 6A \ a \ e
--R
```

```
--R
                     2 2 2
                                      2 23
--R
--R
         (22A \ a \ b - 4B \ a \ )d \ e + (-46A \ b + 28B \ a \ b)d \ e + 6B \ b \ d
--R
              3 6 2 5 2 2 4 3 3 3 2
--R
--R
           (15a e - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e)x
--R
              3 5 2 2 4
--R
                                 2 3 3
                                           3 4 2
           (30a d e - 90a b d e + 90a b d e - 30b d e )x + 15a d e
--R
--R
              2 3 3 2 4 2
--R
                                  3 5
--R
           - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e
--R
          +----+
--R
--R
         \label{eq:lemma_def} \ + d
--R
      1
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 807
--S 808 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
           2 +----- b
--R
--R
         (A b - B a b) | - a e + b d | - -----
--R
                                \| a e - b d
--R
--R
                          +----+
--R
                          b +----+
             (-2a e + 2b d) |-----| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                        \| a e - b d
--R
         log(-----)
--R
                                  b x + a
--R
--R
                               +-+ +----+
                              \|b \|e x + d
--R
            2
                     +-+
--R
        (-2A b + 2B a b) \setminus [b atanh(-----)]
                               +----+
--R
--R
                              \ |-ae+bd
--R /
            2 2
--R.
        3 3
                        2 2
                               3 3 +----+
--R
      (a e - 3a b d e + 3a b d e - b d )\|- a e + b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 808
--S 809 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 809
--S 810 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
    (6)
--R
--R
                              +-+ +----+
           2 +-+ \|b \|e x + d
--R
       (- 2A b + 2B a b)\|b atanh(-----)
--R
                              +----+
--R
--R
                              \|- a e + b d
--R
--R
                               +----+
                                                  +----+
                    +----+ | b b\|e x + d
--R
--R
     (- 2A b + 2B a b)\|- a e + b d |------ atan(-----)
                               \|a e - b d
--R
--R
                                                    lъ
--R
                                             (a e - b d) |----
--R
                                                    \|a e - b d
--R /
--R
      3 3 2 2 2 2 3 3 +----+
--R
      (a e - 3a b d e + 3a b d e - b d) = a e + b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 810
--S 811 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 811
)clear all
--S 812 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
   (1)
          3 4 3 2 3 2 2 2 3
--R
         B e x + (A e + 3B d e)x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d)x
--R
--R
--R
          3
--R
         A d
--R
```

```
+----+
--R
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
        2 2
--R
       b x + 2a b x + a
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 812
--S 813 of 1293
r0:=1/3*(b*d-a*e)*(2*b*B*d+7*A*b*e-9*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/b^4+_
     1/5*(2*b*B*d+7*A*b*e-9*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/b^3+_
     1/7*(2*b*B*d+7*A*b*e-9*a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/(b^2*(b*d-a*e))-_
     (A*b-a*B)*(d+e*x)^(9/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x))-_
     (b*d-a*e)^(5/2)*(2*b*B*d+7*A*b*e-9*a*B*e)*_
     atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(11/2)+(b*d-a*e)^2*_
     (2*b*B*d+7*A*b*e-9*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/b^5
--R
--R
--R
      (2)
--R
                                   3 3
--R
                  (-735A \ a \ b + 945B \ a \ b)e + (1470A \ a \ b - 2100B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                      3 2
--R
                  (-735A b + 1365B a b) d e - 210B b d
--R
--R
               X
--R
--R
                           4 3
                                                 2 2
--R
              (-735A \ a \ b + 945B \ a \ ) e + (1470A \ a \ b - 2100B \ a \ b) d \ e
--R.
--R
                                   2 2 2
--R
              (-735A \ a \ b + 1365B \ a \ b ) d \ e \ - 210B \ a \ b \ d
--R
--R
                                 +-+ +----+
--R
             +----+
                               \b \leq x + d
            \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                 +----+
--R
                                \|- a e + b d
--R
--R
--R
                                           3 3
             30B b e x + ((42A b - 54B a b)e + 132B b d e)x
--R
--R
--R.
                              3
                                       2 2 3
                                                      4
--R.
                    (- 98A a b + 126B a b )e + (224A b - 316B a b )d e
--R
--R
                          4 2
--R
                    244B b d e
--R
--R
                 2
--R
                x
```

```
--R
                   2 2 3 3
                                   3 22 2
--R
--R
              (490A a b - 630B a b)e + (- 1176A a b + 1652B a b )d e
--R
                   4 3 2 4 3
--R
              (812A b - 1380B a b) d e + 352B b d
--R
--R
--R
--R
--R
                        4 3
                                      2 2
--R
          (735A \ a \ b - 945B \ a \ ) e + (-1715A \ a \ b + 2415B \ a \ b) d \ e
--R
                  3 222
--R
           (1127A a b - 1939B a b )d e + (- 105A b + 457B a b )d
--R
--R
--R
          +-+ +----+
--R
         --R /
         6 5 +-+
--R
      (105b x + 105a b) | b
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 813
--S 814 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Γ
                     2 2 3 3 3 2 2 2
--R
--R
                (735A \ a \ b \ - 945B \ a \ b)e \ + (- 1470A \ a \ b \ + 2100B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                               3 2
--R
                (735A b - 1365B a b) d e + 210B b d
--R
--R
--R
                      4 3 2 2 3 2
--R
             (735A \ a \ b - 945B \ a \ )e + (-1470A \ a \ b + 2100B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                           222
             (735A a b - 1365B a b )d e + 210B a b d
--R
--R.
--R
--R
                             |- a e + b d +----+
                          - 2b |----- \ensuremath{\mbox{\sc le x}} + d + b e x - a e + 2b d
--R
            +----+
--R
            |- a e + b d \| b
--R
            |------|
           \| b
--R
                                         b x + a
--R
```

```
4 3 4 4 3 3 4 2 3
--R
            60B b e x + ((84A b - 108B a b )e + 264B b d e )x
--R
--R
                        3 223 4 32
--R
               (- 196A a b + 252B a b )e + (448A b - 632B a b )d e
--R
--R
--R
                    4 2
               488B b d e
--R
--R
--R
               2
--R
              X
--R
                     2 2 3 3
--R
               (980A a b - 1260B a b)e + (- 2352A a b + 3304B a b )d e
--R
--R
                     4
--R
                          3 2 4 3
--R
               (1624A b - 2760B a b )d e + 704B b d
--R
--R
--R
--R
                       4 3
                                         2 2 3 2
            (1470A \ a \ b - 1890B \ a \ )e + (-3430A \ a \ b + 4830B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
              3 2 2 2 4 3 3
            (2254A \ a \ b \ - 3878B \ a \ b \ )d \ e \ + \ (- \ 210A \ b \ + \ 914B \ a \ b \ )d
--R
--R
           +----+
--R
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
           6 5
--R
       210b x + 210a b
--R
--R
--R
                      2 2 3 3 3 2 2 2
--R
--R
               (-735A a b + 945B a b)e + (1470A a b - 2100B a b )d e
--R
                                3 2 4 3
--R
--R
                (-735A b + 1365B a b) d e - 210B b d
--R
--R
--R
                   3 4 3 2 2 3 2
--R
--R.
            (-735A \ a \ b + 945B \ a \ ) e + (1470A \ a \ b - 2100B \ a \ b) d \ e
--R
                    3 222 33
--R
             (-735A \ a \ b + 1365B \ a \ b ) d \ e \ - 210B \ a \ b \ d
--R
--R
--R
            +----+
                         +----+
            |a e - b d \|e x + d
--R
            |----- atan(-----)
--R
```

```
--R
           \| b
--R
                           la e - b d
--R
                          |----
--R
                          \| b
--R
                          4 3 3 4 2 3
--R
                 4 3 4
            30B b e x + ((42A b - 54B a b)e + 132B b d e)x
--R
--R
                        3 223 4 32
--R
                (- 98A a b + 126B a b )e + (224A b - 316B a b )d e
--R
--R
                     4 2
--R
                244B b d e
--R
--R
--R
               2
--R
              X
--R
--R
                     2 2 3 3
                                           3 22 2
               (490A a b - 630B a b)e + (- 1176A a b + 1652B a b )d e
--R
--R
--R
                                3 2
--R
                (812A b - 1380B a b )d e + 352B b d
--R
--R
              X
--R
                  3 4 3 2 2 3 2
--R
--R
             (735A \ a \ b - 945B \ a \ )e + (-1715A \ a \ b + 2415B \ a \ b)d \ e
--R
                    3 222
--R
--R
             (1127A \ a \ b \ - 1939B \ a \ b \ )d \ e \ + \ (- \ 105A \ b \ + 457B \ a \ b \ )d
--R
            +----+
--R
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
           6 5
--R
       105b x + 105a b
--R
--R
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 814
--S 815 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
               2 3 3
--R
                                 2
           (7A \ a \ b - 9B \ a \ )e + (-14A \ a \ b + 20B \ a \ b)d \ e
--R
--R
              3 2 2 3 3
--R
--R
           (7A b - 13B a b) d e + 2B b d
```

```
--R
--R
--R
                                                                                                            |- a e + b d +----+
--R
                                                                                              - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
                                                                                                   \| b
                                |- a e + b d +-+
--R
                              |-----|
|b log(------)
--R
                             \| b
--R
                                                                                                                                                         b x + a
--R
                                                                         3 3 2
                                                                                                                                                         2
--R
                                         (14A \ a \ b - 18B \ a \ )e + (-28A \ a \ b + 40B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                                      2 2
--R
                                                       3
                                                                                                                         3 3
                                          (14A b - 26B a b)d e + 4B b d
--R
--R
--R
                                                                                                +-+ +----+
--R
                                    +----+
                                                                                              \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                                +----+
--R
--R
                                                                                              --R /
--R
                             5 +-+
--R
                        2b \|b
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 815
--S 816 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
             (5) 0
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 816
--S 817 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                 (6)
                                                                             3 3
--R
--R
                                         (7A \ a \ b - 9B \ a \ )e + (-14A \ a \ b + 20B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                                  2 2 3 3
--R.
                                         (7A b - 13B a b)d e + 2B b d
--R
                                                                                                 +-+ +----+
--R
                                     +----+
--R
                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
                                   \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                                 +----+
--R
--R
                                                                                              \ |-ae+bd
--R
```

```
--R
                   2 3 3 2
--R
             (-7A \ a \ b + 9B \ a ) e + (14A \ a \ b - 20B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                            2 2
                                      3 3
                   3
             (-7A b + 13B a b) d e - 2B b d
--R
--R
--R
               +----+
                               +----+
--R
           +-+ |a e - b d
                              \ | e x + d
          \|b |----- atan(-----)
--R
              \| b
                               +----+
--R
--R
                               la e - b d
--R
                               |----
                              \| b
--R
--R
--R
        5 +-+
--R
       b \|b
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 817
--S 818 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 818
)clear all
--S 819 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)/(a+b*x)^2
--R
--R
             2 3 2 2
                                               2 2 +----+
--R
--R
         (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) | e x + d
--R
                               2 2 2
--R
--R
                              b x + 2a b x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 819
--S 820 of 1293
r0:=1/3*(2*b*B*d+5*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/b^3+_
    1/5*(2*b*B*d+5*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/(b^2*(b*d-a*e))-_
    (A*b-a*B)*(d+e*x)^(7/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x))_{-}
    (b*d-a*e)^(3/2)*(2*b*B*d+5*A*b*e-7*a*B*e)*_
    atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(9/2)+_
    (b*d-a*e)*(2*b*B*d+5*A*b*e-7*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/b^4
--R
--R
```

```
--R
                         (2)
                                                                                           2 2 2 3 2 3 2
--R
--R
                                                        ((75A a b - 105B a b)e + (- 75A b + 135B a b )d e - 30B b d )x
--R
                                                                                 2 3 2 2 2
--R
                                                      (75A a b - 105B a )e + (- 75A a b + 135B a b)d e - 30B a b d
--R
--R
--R
                                                                                                                                        +-+ +----+
                                                   +----+
                                                                                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                \|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                    \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                                                  3
                                                                                                                                                           2 2
                                                      6B b e x + ((10A b - 14B a b)e + 22B b d e)x
--R
--R
--R.
                                                                                                                                    2 2
                                                      ((- 50A a b + 70B a b)e + (70A b - 118B a b )d e + 46B b d )x
--R
--R
                                                                                          2 3 2 2
--R
--R
                                                          (-75A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (100A \ a \ b - 170B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                                                                                  2 2
--R
                                                          (-15Ab+61Bab)d
--R
--R
                                                     +-+ +----+
--R
                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                                 5 4 +-+
--R
                                 (15b x + 15a b) | b
--R
                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 820
--S 821 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                       (3)
--R
                         Ε
--R
                                                                  ((75A \ a \ b \ - \ 105B \ a \ b)e \ + (- \ 75A \ b \ + \ 135B \ a \ b)d \ e \ - \ 30B \ b \ d)x
--R
--R
--R.
                                                                                          2
                                                                                                                    3 2 2 2
--R
                                                                (75A a b - 105B a )e + (- 75A a b + 135B a b)d e - 30B a b d
--R
--R
                                                                                                                                                |- a e + b d +----+
--R
--R
                                                                                                                                    2b |----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
                                                                                                                              \| b
--R
                                                              |- a e + b d
                                                              |------ log(------)
--R
```

```
\| b
--R
                                        b x + a
--R
               3 2 3 3 2 2 3 2
--R
--R
           12B b e x + ((20A b - 28B a b )e + 44B b d e)x
--R
                     2 2 2
--R
           ((- 100A a b + 140B a b)e + (140A b - 236B a b )d e + 92B b d )x
--R
--R
                  2 3 2 2 2
--R
            (- 150A a b + 210B a )e + (200A a b - 340B a b)d e
--R
--R
                 3
                           2 2
--R
           (-30A b + 122B a b)d
--R
--R
--R
           +----+
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
          5 4
--R
--R
        30b x + 30a b
--R
--R
                  2 2 2 3 2 3 2
--R
--R
           ((75A a b - 105B a b)e + (- 75A b + 135B a b )d e - 30B b d )x
--R
                 2 3 2
--R
            (75A a b - 105B a )e + (- 75A a b + 135B a b)d e - 30B a b d
--R
--R
--R
           +----+
--R
           la e - b d
                         \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
           |----- atan(-----)
--R
           \| Ъ
                      +----+
--R
                         la e - b d
                        |----
--R
--R
                        \| b
--R
              3 2 3 3 2 2 3 2
--R
--R
            6B b e x + ((10A b - 14B a b )e + 22B b d e)x
--R
                          2 2
                                            2
                                    3
--R
--R
            ((- 50A a b + 70B a b)e + (70A b - 118B a b)d e + 46B b d)x
--R
                  2
                       3 2
                                       2
--R
--R.
            (-75A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (100A \ a \ b - 170B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                 3 2 2
            (-15A b + 61B a b)d
--R
--R
--R
           +----+
           \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
     /
```

```
--R
                                   5 4
 --R
                          15b x + 15a b
--R
--R
                                                                                                                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 821
--S 822 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                    (4)
 --R
                                                                                                                                                                      22 |-ae+bd
                                                                                       2 2 2
 --R
                                       ((5A \ a \ b - 7B \ a \ )e + (-5A \ b + 9B \ a \ b)d \ e - 2B \ b \ d ) \mid
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                     \ I
 --R
 --R
                                                                          +----+
--R
                                                                          |- a e + b d +----+
                                                                 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                                       \|b log(-----)
--R
 --R
                                                                                                                             b x + a
--R
--R
                                                                                                    2 2 2
--R
                                       ((-10A \ a \ b + 14B \ a \ )e + (10A \ b - 18B \ a \ b)d \ e + 4B \ b \ d )
--R
                                                                                                           +-+ +----+
--R
--R
                                       +----+
                                                                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                      \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                                          +----+
--R
                                                                                                        \|- a e + b d
--R /
--R
                                4 +-+
--R
                          2b \|b
--R
                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 822
--S 823 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
 --R
--R
                (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 823
--S 824 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
               (6)
```

```
2 2 2
                                                                                                                                                            2 2 +----+
 --R
 --R
                                      ((-5A \ a \ b + 7B \ a \ )e + (5A \ b - 9B \ a \ b)d \ e + 2B \ b \ d ) |- a \ e + b \ d
 --R
--R
                                                          +-+ +----+
--R
                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                      atanh(-----)
                                              +----+
 --R
 --R
                                                      \|- a e + b d
 --R
 --R
 --R
                                                                                                                                                                22 +-+ |ae-bd
                                                                                     2 2 2
                                      ((5A \ a \ b - 7B \ a \ )e + (- 5A \ b + 9B \ a \ b)d \ e - 2B \ b \ d ) \setminus |b|
 --R
                                                                                                                                                                                                                            \| b
 --R
 --R
 --R
                                                          +----+
 --R
                                                       \ensuremath{\mbox{le x}} + d
                                      atan(-----)
 --R
                                                       +----+
--R
                                                       la e - b d
--R
                                                      |----
--R
--R
                                                     \| b
--R /
--R
                            4 +-+
--R
                         b \|b
--R
                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 824
--S 825 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 825
)clear all
--S 826 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a+b*x)^2
--R
 --R
 --R
                                                 2
 --R.
                                (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus |e x + d
--R
                  (1) -----
                                                                       2 2
--R
                                                                    b x + 2a b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 826
--S 827 of 1293
```

```
r0:=1/3*(2*b*B*d+3*A*b*e-5*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*(b*d-a*e))-_
                       (A*b-a*B)*(d+e*x)^(5/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x))-_
                      (2*b*B*d+3*A*b*e-5*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
                      sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b*d-a*e)/b^(7/2)+_
                       (2*b*B*d+3*A*b*e-5*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/b^3
--R
--R
--R
                           (2)
--R
                                                                                                                                                                                       2
--R
                                                      (((-9A b + 15B a b)e - 6B b d)x + (-9A a b + 15B a )e - 6B a b d)
--R
                                                                                                                                                  +-+ +----+
--R
                                                         +----+
--R
                                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
                                                     \|- a e + b d atanh(-----)
--R
 --R
                                                                                                                                                  +----+
 --R
                                                                                                                                               \|- a e + b d
--R
--R
                                                                               2 2
--R
                                                              2B b e x + ((6A b - 10B a b)e + 8B b d)x + (9A a b - 15B a )e
--R
--R
--R
                                                               (-3Ab + 11Bab)d
--R
--R
                                                         +-+ +----+
--R
                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                                                       3 +-+
--R
                                    (3b x + 3a b) \setminus b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 827
--S 828 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                           (3)
--R
--R
                          Γ
--R
                                                                                                                                                                                       2
--R
                                                               (((9A b - 15B a b)e + 6B b d)x + (9A a b - 15B a )e + 6B a b d)
--R
 --R
                                                                                                                                                                      +----+
                                                                                                                                                                    |- a e + b d +----+
--R
--R.
                                                                   +----+
                                                                                                                                               - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R.
                                                                   |- a e + b d
                                                                                                                                                        \| b
--R
                                                                  |------| log(------)
--R
                                                              \ I
                                                                                                                                                                                                                                            bx + a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                          2
                                                                   4B b e x + ((12A b - 20B a b)e + 16B b d)x + (18A a b - 30B a )e
--R
--R
```

```
--R
--R
               (-6A b + 22B a b)d
--R
--R
--R
             \label{eq:lemma_def} \ + d
--R
--R
--R
         6b x + 6a b
--R
--R
--R
                                        2
             (((-9A b + 15B a b)e - 6B b d)x + (-9A a b + 15B a )e - 6B a b d)
--R
--R
              +----+
--R
--R
              la e - b d
                               \label{eq:lemma_def} \
--R
              |----- atan(-----)
--R
             \| b
                               +----+
--R
                               la e - b d
--R
                               |-----
--R
--R
--R
                  2 2 2
--R
               2B b e x + ((6A b - 10B a b)e + 8B b d)x + (9A a b - 15B a )e
--R
--R
--R
               (-3A b + 11B a b)d
--R
--R
              +----+
--R
             \label{eq:lemma_def} \ | le x + d
--R
           4 3
--R
--R
         3b x + 3a b
--R
--R
                                     Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 828
--S 829 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
--R.
                                     |- a e + b d +-+
--R
           ((3A b - 5B a)e + 2B b d) |---- \setminus |b|
                                   \| b
--R
--R
                    +----+
--R
--R
                   |- a e + b d +----+
               - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                  \| b
--R
```

```
--R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                         b x + a
 --R
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                            +----+
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
                                                                  ((6A b - 10B a)e + 4B b d) = a e + b d atanh(-----)
 --R
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     \|- a e + b d
 --R /
                                                       3 +-+
 --R
 --R
                                                   2b \|b
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
 --E 829
 --S 830 of 1293
 d0:=D(m0,x)
 --R
 --R
 --R
                               (5) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
 --E 830
 --S 831 of 1293
m0:=a0.2-r0
 --R
 --R
 --R
                                       (6)
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
                                                                 ((3A b - 5B a)e + 2B b d) = a e + b d atanh(-----)
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              \|- a e + b d
 --R
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                          +----+
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       +----+
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                  +-+ |a e - b d
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                \exists x + d
                                                    ((- 3A b + 5B a)e - 2B b d)\|b |----- atan(-----)
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                   \| b
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                +----+
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       la e - b d
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |-----
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   \| b
 --R
  --R /
 --R
                                                      3 +-+
 --R
                                                  b \|b
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
 --R
 --E 831
 --S 832 of 1293
 d0:=D(m0,x)
 --R
--R
```

```
--R
               (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 832
)clear all
--S 833 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(d+e*x)/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
--R
                                    (B x + A) \setminus |e x + d|
--R
                   (1) -----
--R
                                       2 2
--R
                                      b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 833
--S 834 of 1293
r0:=-(A*b-a*B)*(d+e*x)^(3/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x))-_
                (2*b*B*d+A*b*e-3*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
                sqrt(b*d-a*e))/(b^(5/2)*sqrt(b*d-a*e))+(2*b*B*d+A*b*e-3*a*B*e)*_
                sqrt(d+e*x)/(b^2*(b*d-a*e))
--R
--R
--R
                   (2)
--R
--R
                                       (((- A b + 3B a b)e - 2B b d)x + (- A a b + 3B a )e - 2B a b d)
--R
--R
                                                             +-+ +----+
--R
                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                      atanh(-----)
                                                            +----+
--R
--R
                                                          \|- a e + b d
--R
                                                                                                       +----+
--R
                                (2B b x - A b + 3B a)\|- a e + b d \|b \|e x + d
--R
--R
--R
                                                         2 +----+ +-+
--R
                          (b x + a b) = a e + b d | b
--R
                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 834
--S 835 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                   (3)
--R
                   Ε
--R
                                                                2
                                                                                                                              2
                                                                                                                                                                                               2
```

```
--R
           (((A b - 3B a b)e + 2B b d)x + (A a b - 3B a )e + 2B a b d)
--R
--R
                                                    1 2
--R
                       2 +----+
--R
             (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
         log(-----)
--R
                                     b x + a
--R
--R
                            2 +----+
--R
--R
         (4B b x - 2A b + 6B a)\|- a b e + b d \|e x + d
--R
--R
          3 2 | 2
--R
--R
        (2b x + 2a b) \mid -a b e + b d
--R
--R
--R
           (((A b - 3B a b)e + 2B b d)x + (A a b - 3B a )e + 2B a b d)
--R
--R
--R
                2 +----+
--R
--R
               --R
           atan(-----)
                   a e - b d
--R
--R
--R
                           2 +----+
--R
--R
         (2B b x - A b + 3B a) \setminus |a b e - b d \setminus |e x + d
--R
--R
        3 2 | 2
--R
--R
        (b x + a b) | a b e - b d
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--R
--E 835
--S 836 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R.
--R
         ((A b - 3B a)e + 2B b d)\|- a e + b d \|b
--R
--R
--R
                       2 +----+
--R
             (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                    b x + a
```

```
--R
--R
                                               +-+ +----+
                              | 2
--R
                                               --R
        ((2A b - 6B a)e + 4B b d) = a b e + b d atanh(-----)
--R
                                               \|- a e + b d
--R
--R /
        +-----+
2 | 2 +-----+ +-+
--R
--R
      2b \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 836
--S 837 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 837
--S 838 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                             ] 2
--R
                                             --R
        ((A b - 3B a)e + 2B b d) | a b e - b d atanh(-----)
--R
                                             \|- a e + b d
--R
--R
--R
                                               2 +----+
--R
--R
                             +----+ +-+
                                               \|a b e - b d \|e x + d
        ((A b - 3B a)e + 2B b d)\|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
--R
                                                     ae-bd
--R /
--R
       2 +----- +-+ | 2
--R
--R
      b \|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 838
--S 839 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 839
)clear all
--S 840 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*sqrt(d+e*x))
--R
--R
                     B x + A
--R
--R
           2 2
                         2 +----+
--R
          (b x + 2a b x + a) \mid e x + d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 840
--S 841 of 1293
\texttt{r0:=-(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/\_}
     (b^{(3/2)*(b*d-a*e)^{(3/2))-(A*b-a*B)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x))} \\
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                   2
--R
           (((- A b - B a b)e + 2B b d)x + (- A a b - B a )e + 2B a b d)
--R
                 +-+ +----+
--R
                --R
--R
           atanh(-----)
--R
                 +----+
--R
                \|- a e + b d
--R
--R
                    +----+
--R
         (A b - B a) \mid - a e + b d \mid b \mid e x + d
--R /
                3 2
--R
                                2 +----+ +-+
--R
       ((a b e - b d)x + a b e - a b d) = a e + b d | b
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 841
--S 842 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
                                  2
--R
--R
             (((A b + B a b)e - 2B b d)x + (A a b + B a )e - 2B a b d)
--R
--R
                                                            1 2
                          2 +----+
--R
--R
               (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
```

```
--R
--R
                                    b x + a
--R
--R
                    2 +----+
--R
         (2A b - 2B a) \mid -a b e + b d \mid e x + d
--R
--R
--R
            2 3 2 2 | 2
--R
        ((2a b e - 2b d)x + 2a b e - 2a b d) | - a b e + b d
--R
--R
--R
                       2
--R
           (((A b + B a b)e - 2B b d)x + (A a b + B a )e - 2B a b d)
--R
--R
--R
               2 +----+
--R
--R
               atan(-----)
--R
                    ae-bd
--R
--R
--R
                  2 +----+
--R
--R
         (A b - B a)\|a b e - b d \|e x + d
--R
--R
           2 3 2 2 | 2
--R
--R
        ((a b e - b d)x + a b e - a b d) \setminus |a b e - b d
--R
--R.
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 842
--S 843 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
         ((A b + B a)e - 2B b d) \mid -a e + b d \mid b
--R
--R
--R
                      2 +----+
--R
--R.
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                   b x + a
--R
                                               +-+ +----+
--R
                             1 2
--R
                                              --R
        ((2A b + 2B a)e - 4B b d) | - a b e + b d atanh(-----)
--R
```

```
\|- a e + b d
--R
--R /
                2 | 2 +-----+ +-+
--R
--R
      (2a b e - 2b d)\|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 843
--S 844 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 844
--S 845 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
                            +-----+
| 2
--R
--R
                                           ((A b + B a)e - 2B b d)\|a b e - b d atanh(-----)
--R
--R
                                             +----+
--R
                                            \|- a e + b d
--R
--R
                                              2 +----+
--R
--R
                            +----+ +-+
                                              --R
       ((A b + B a)e - 2B b d)\|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
                                                    a e - b d
--R /
              2 +-----+ +-+ | 2
--R
--R
     (a b e - b d)\|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 845
--S 846 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 846
)clear all
--S 847 of 1293
```

```
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
                                                                                                       B x + A
--R
                (1) -----
                                2 3 2 2 2 +----+
--R
--R
                              (b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d) | e x + d
--R
                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 847
--S 848 of 1293
\texttt{r0:=-(2*b*B*d-3*A*b*e+a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/\_}
              ((b*d-a*e)^(5/2)*sqrt(b))+(2*b*B*d-3*A*b*e+a*B*e)/_
              (b*(b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x))+(-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                                                   2
                                                                                                                                                          2
--R
                                 (((3A b - B a b)e - 2B b d)x + (3A a b - B a )e - 2B a b d)\ensuremath{\mbox{\sc b}} - 2B a b d)\ensuremath{\mbox{\sc b}}
--R
--R
                                                   +-+ +----+
--R
                                               \b \leq x + d
                                atanh(-----)
--R
--R
                                                  +----+
                                                 \|- a e + b d
--R
--R
--R
--R
                      (((-3A b + B a)e + 2B b d)x - 2A a e + (-A b + 3B a)d)|-a e + b d |b
--R /
--R
                                   2 2 3 2 3 2 2 2 +-----+
--R
                           ((a b e - 2a b d e + b d )x + a e - 2a b d e + a b d )\|- a e + b d
--R
                             +-+ +----+
--R
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 848
--S 849 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                (3)
--R
                [
--R.
                                                                                                         2
--R
                                      (((3A b - B a b)e - 2B b d)x + (3A a b - B a )e - 2B a b d)
--R
--R
                                         +----+
--R
                                      \ensuremath{\mbox{le x + d}}
--R
--R
                                                                                                                                                                                       +----+
```

```
--R
                                                      --R
             (-2a b e + 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | -a b e + b d
--R
         log(-----
--R
                                      b x + a
--R
           (((-6A b + 2B a)e + 4B b d)x - 4A a e + (-2A b + 6B a)d)
--R
--R
--R
            1 2
--R
--R
           \|- a b e + b d
--R
             2 2 2
                            3 2 3 2 2
--R
          ((2a b e - 4a b d e + 2b d )x + 2a e - 4a b d e + 2a b d )
--R
--R
--R
--R
          2 +----+
--R.
         \|- a b e + b d \|e x + d
--R
--R
--R
--R
           (((-3A b + B a b)e + 2B b d)x + (-3A a b + B a )e + 2B a b d)
--R
--R
--R
                        2 +----+
--R
                        \|e x + d atan(-----)
--R
--R
                              ae-bd
--R
--R
                                                         1 2
--R
--R
         (((-3A b + B a)e + 2B b d)x - 2A a e + (-A b + 3B a)d) | a b e - b d
--R
--R
           2 2 2 3 2 3 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
          ((a b e - 2a b d e + b d )x + a e - 2a b d e + a b d )\|a b e - b d
--R
--R
          +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 849
--S 850 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
         ((3A b - B a)e - 2B b d) | - a e + b d | b
--R
--R
```

```
--R
                                                     | 2
--R
                       2 +----+
--R
           (-2a b e + 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | -a b e + b d
--R
--R
                                    b x + a
--R
--R
                               +----+
                                                 +-+ +----+
--R
                               1 2
                                                ((-6A b + 2B a)e + 4B b d) | -a b e + b d atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                 \|- a e + b d
--R /
--R
                        2 2 | 2 +-----+ +-+
--R
--R
      (2a e - 4a b d e + 2b d )\|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 850
--S 851 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 851
--S 852 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                                              +-+ +----+
--R
                                              \b \ \ \ x + d
--R
        ((-3A b + B a)e + 2B b d) | a b e - b d atanh(-----)
--R
--R
                                              --R
--R
                                                2 +----+
--R
--R
                             +----+ +-+ \|a b e - b d \|e x + d
--R
      ((- 3A b + B a)e + 2B b d)\|- a e + b d \|b atan(------)
--R
                                                     ae-bd
--R /
--R
                       2 2 +----- +-+ | 2
--R
        2 2
--R
      (a e - 2a b d e + b d )\|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 852
--S 853 of 1293
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                (7) 0
--R
                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--Е 853
)clear all
--S 854 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
                (1)
 --R
                        B x + A
--R /
--R
                                       2 2 4
                                                                    2 2 3 22
--R
                                    b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d)x
--R
--R
                                                                                  2
                                                                                                       2 2
--R
                                     (2a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R
                                +----+
--R
                              \leq x + d
--R
                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 854
--S 855 of 1293
r0:=1/3*(2*b*B*d-5*A*b*e+3*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2))+_
                (-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2))-_
                (2*b*B*d-5*A*b*e+3*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*\_
                sqrt(b)/(b*d-a*e)^(7/2)+(2*b*B*d-5*A*b*e+3*a*B*e)/_
                ((b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                   (2)
--R
--R
                                          ((-15A b + 9B a b)e + 6B b d e)x
--R
--R
                                           ((-15A \ a \ b + 9B \ a \ )e + (-15A \ b + 15B \ a \ b)d \ e + 6B \ b \ d \ )x
--R
--R
--R.
                                                                                              2
--R
                                           (-15A \ a \ b + 9B \ a ) d \ e + 6B \ a \ b \ d
--R
                                                                                                     +-+ +----+
--R
                                       +-+ +----+
--R
                                                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                     \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                                                     +----+
--R
```

```
--R
             2 2 2 2
--R
--R
           ((15A b - 9B a b)e - 6B b d e)x
--R
                        2 2 2
                                            2 2 2 2
--R
           ((10A \ a \ b - 6B \ a \ )e + (20A \ b - 16B \ a \ b)d \ e - 8B \ b \ d \ )x - 2A \ a \ e
--R
--R
--R
                                 2
           (14A \ a \ b - 4B \ a \ )d \ e + (3A \ b - 11B \ a \ b)d
--R
--R
--R
          +----+
          \|- a e + b d
--R
--R /
           3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 2
--R
--R
          (3a b e - 9a b d e + 9a b d e - 3b d e)x
--R
--R
           4 4 3 3 3 3 3
                                    4 4 4 3 3 2 2
--R
          (3a e - 6a b d e + 6a b d e - 3b d )x + 3a d e - 9a b d e
--R
           2 2 3 3 4
--R
--R
          9a b d e - 3a b d
--R
--R
        +----+
--R
        \|- a e + b d \|e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 855
--S 856 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                  2 2 2 2
--R
--R
             ((15A b - 9B a b)e - 6B b d e)x
--R
                         2 2
                                  2
--R
            ((15A a b - 9B a )e + (15A b - 15B a b)d e - 6B b d )x
--R
--R
--R
             (15A a b - 9B a )d e - 6B a b d
--R
--R
--R.
            +----+
                      +----+
--R
            l b
            |- ----- \|e x + d
--R
--R
            \| a e - b d
--R
--R
                          b +----+
--R
               (2a e - 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
```

```
--R
                      \| a e - b d
--R
--R
                          b x + a
--R
            2 2 2 2
--R
--R
        ((30A b - 18B a b)e - 12B b d e)x
--R
--R
                    2 2
        ((20A a b - 12B a )e + (40A b - 32B a b)d e - 16B b d )x - 4A a e
--R
--R
                  2 2
--R
        (28A a b - 8B a )d e + (6A b - 22B a b)d
--R
--R
           3 4
                   2 2 3 3 2 2 4 3 2
--R
--R
         (6a b e - 18a b d e + 18a b d e - 6b d e)x
--R
--R
           44 3 3 3 44 4 3 3 2 2
--R
          (6a e - 12a b d e + 12a b d e - 6b d )x + 6a d e - 18a b d e
--R
           2 2 3 3 4
--R
--R
         18a b d e - 6a b d
--R
--R
         +----+
--R
        --R
--R
               2 2 2 2
--R
--R
           ((15A b - 9B a b)e - 6B b d e)x
--R
                     2 2 2
--R
--R
           ((15A \ a \ b - 9B \ a \ )e + (15A \ b - 15B \ a \ b)d \ e - 6B \ b \ d \ )x
--R
--R
                     2
--R
          (15A a b - 9B a )d e - 6B a b d
--R
--R
           | b +----+
--R
                                 b\|e x + d
           --R
--R
          \|a e - b d
--R
                              (a e - b d) |----
--R
                                      \|a e - b d
--R
--R
                 2 2 2
--R
--R
        ((15A b - 9B a b)e - 6B b d e)x
--R
                   2 2 2
--R
--R
        ((10A a b - 6B a )e + (20A b - 16B a b)d e - 8B b d )x - 2A a e
--R
--R
                   2
                             2
                                  2
```

```
--R
         (14A \ a \ b - 4B \ a \ )d \ e + (3A \ b \ - 11B \ a \ b)d
--R
             3 4 22 3 322 43 2
--R
--R
           (3a b e - 9a b d e + 9a b d e - 3b d e)x
--R
             4 4 3 3 3 3 3
--R
                                    4 4
                                            4 3 3 2 2
--R
           (3a e - 6a b d e + 6a b d e - 3b d )x + 3a d e - 9a b d e
--R
                   3 4
           2 2 3
--R
          9a b d e - 3a b d
--R
--R
          +----+
--R
--R
         --R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 856
--S 857 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
                              +----- b
         ((5A b - 3B a)e - 2B b d) = a e + b d = -----
--R
                                        \| a e - b d
--R
--R
--R
--R
                       b +----+
            (2a e - 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                   \| ae-bd
         log(-----)
--R
--R
                                 b x + a
--R
--R
--R
                                    \b \e x + d
--R
        ((10A b - 6B a)e - 4B b d) | b atanh(-----)
                                     +----+
--R
--R
                                     \|- a e + b d
--R /
--R
            2 2 2 2
                                3 3 +----+
      (2a e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d )\|- a e + b d
--R
--R.
                                           Type: Expression(Integer)
--E 857
--S 858 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 858
--S 859 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                                     +-+ +----+
                                   --R
                             +-+
--R
        ((5A b - 3B a)e - 2B b d)\|b atanh(-----)
--R
                                     +----+
--R
                                    \|- a e + b d
--R
--R
--R
                              +----- b
--R
         ((5A b - 3B a)e - 2B b d) | - a e + b d | -----
                                         \|a e - b d
--R
--R
                    +----+
--R
--R
                  b \mid e x + d
--R
         atan(-----)
--R
                    l b
--R
              (a e - b d) |-----
--R
--R
                     \|a e - b d
--R /
--R
        3 3
            2 2 2 2 3 3 +----+
--R
      (a e - 3a b d e + 3a b d e - b d )\|- a e + b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 859
--S 860 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (7) 0
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 860
)clear all
--S 861 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^7)
--R
--R
--R (1)
--R B x + A
--R /
        2 3 5 3 2 2 4 2 3 2 2 2 3
--R
```

```
--R
          b e x + (2a b e + 3b d e)x + (a e + 6a b d e + 3b d e)x
--R
--R
             2 2 2 2 3 2
                                         2 2 3
--R
           (3a d e + 6a b d e + b d)x + (3a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 861
--S 862 of 1293
r0:=1/5*(2*b*B*d-7*A*b*e+5*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2))+_
    (-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2))+_
    1/3*(2*b*B*d-7*A*b*e+5*a*B*e)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(3/2))-_
    b^{(3/2)*(2*b*B*d-7*A*b*e+5*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*_
    sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b*d-a*e)^(9/2)+_
    b*(2*b*B*d-7*A*b*e+5*a*B*e)/((b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                    3 2 3 3 2 3
            ((105A b - 75B a b)e - 30B b d e)x
--R
--R
--R
                     ((105A a b - 75B a b)e + (210A b - 180B a b )d e - 60B b d e)x
--R
--R
--R
--R
            ((210A \ a \ b \ - \ 150B \ a \ b) d \ e \ + \ (105A \ b \ - \ 135B \ a \ b \ ) d \ e \ - \ 30B \ b \ d \ ) x
--R
                    2 2 2
--R
            (105A a b - 75B a b)d e - 30B a b d
--R
--R
--R
                              +-+ +----+
--R
           +-+ +----+
                             --R
          \|b \|e x + d atanh(-----)
                              +----+
--R
--R
                             \|- a e + b d
--R
                              2 3
--R
                     3
--R
            ((-105A b + 75B a b)e + 30B b d e)x
--R
--R
                                  2 3
                                                 3
--R.
                  (-70A \ a \ b + 50B \ a \ b)e + (-245A \ b + 195B \ a \ b)d \ e
--R.
--R
                      3 2
                  70B b d e
--R
--R
--R
               2
--R
              х
--R
```

```
--R
                    2 3 3
--R
               (14A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (-168A \ a \ b + 116B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                          2 2
                                        3 3
--R
               (-161A b + 163B a b) d e + 46B b d
--R
--R
--R
--R
                3 3 2 3 2
           - 6A a e + (32A a b - 4B a )d e + (- 116A a b + 48B a b)d e
--R
--R
                          2 3
--R
                 3
           (-15A b + 61B a b)d
--R
--R
--R
          +----+
--R
          \|- a e + b d
--R /
--R
            4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3 5 4 2 3
--R
          (15a b e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15b d e )x
--R
--R
                      4
                           5 3224
                                           2 3 3 3 4 4 2
--R
             15a e - 30a b d e - 30a b d e + 120a b d e - 105a b d e
--R
--R
              5 5
--R
             30b d e
--R
--R
--R
           x
--R
--R
              5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 4 5
--R
             30a\ d\ e\ -\ 105a\ b\ d\ e\ +\ 120a\ b\ d\ e\ -\ 30a\ b\ d\ e\ -\ 30a\ b\ d\ e
--R
--R
                5 6
--R
             15b d
--R
--R
           х
--R
           5 2 4 4 3 3 3 2 4 2 2 3 5 4 6
--R
--R
         15a d e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15a b d
--R
         +----+
--R
--R
        \|- a e + b d \|e x + d
--R.
                                              Type: Expression(Integer)
--E 862
--S 863 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
--R [
                3 2 3 3 2 3
--R
--R
            ((105A b - 75B a b)e - 30B b d e)x
--R
                  2 2 3 3 2 2 3 2 2
--R
            ((105A a b - 75B a b)e + (210A b - 180B a b )d e - 60B b d e)x
--R
--R
                  2 2 2
                                              2 2 3 3
--R
            ((210A \ a \ b \ - 150B \ a \ b) d \ e \ + (105A \ b \ - 135B \ a \ b) d \ e \ - 30B \ b \ d) x
--R
--R
                 2 2 2
--R
                                     2 3
            (105A a b - 75B a b)d e - 30B a b d
--R
--R
--R
           l b +----+
--R
--R
           |- ----- \|e x + d
--R
          \| a e - b d
--R
--R
                         +----+
                         l b +----+
--R
             (-2a e + 2b d) |-----| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                        \| a e - b d
--R
--R
--R
                            b x + a
--R
               3 2 3 3 2 3
--R
--R
         ((-210A b + 150B a b)e + 60B b d e)x
--R
                     2 2 3 3 2 2
--R
--R
             (- 140A a b + 100B a b)e + (- 490A b + 390B a b )d e
--R
--R
                  3 2
--R
            140B b d e
--R
--R
           2
--R
          x
--R
               2 3 3
--R
            (28A a b - 20B a )e + (- 336A a b + 232B a b)d e
--R
--R
                 3 2 2 3 3
--R
            (-322A b + 326B a b) d e + 92B b d
--R
--R.
--R
--R
              3 3 2 3 2
--R
--R
         - 12A a e + (64A a b - 8B a )d e + (- 232A a b + 96B a b)d e
--R
--R
         (-30A b + 122B a b)d
--R
```

```
--R
           4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3 5 4 2 3
--R
--R
          (30a b e - 120a b d e + 180a b d e - 120a b d e + 30b d e )x
--R
              5 6 4 5 3 2 2 4 2 3 3 3 4 4 2
--R
--R
             30a e - 60a b d e - 60a b d e + 240a b d e - 210a b d e
--R
--R
               5 5
            60b d e
--R
--R
--R
            2
--R
           X
--R
              5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 4 5
--R
--R
             60a d e - 210a b d e + 240a b d e - 60a b d e - 60a b d e
--R
--R
              5 6
             30b d
--R
--R
--R
--R
--R
           5 2 4 4 3 3 3 2 4 2 2 3 5 4 6
--R
          30a d e - 120a b d e + 180a b d e - 120a b d e + 30a b d
--R
--R
         +----+
--R
         \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
--R
                   3 2 3 3 2 3
--R
--R
           ((-105A b + 75B a b)e + 30B b d e)x
--R
                      2 2 3 3 2 2
--R
--R
              (- 105A a b + 75B a b)e + (- 210A b + 180B a b )d e
--R
--R
                  3 2
              60B b d e
--R
--R
--R
              2
--R
--R
                      2 2 2 3
--R
--R
              (- 210A a b + 150B a b)d e + (- 105A b + 135B a b )d e
--R
--R
                 3 3
--R
              30B b d
--R
--R
--R
                   2 2 2 2 3
--R
          (- 105A a b + 75B a b)d e + 30B a b d
--R
```

```
--R
--R
          | b +----+ b\|e x + d
--R
--R
          |----- \|e x + d atan(-----)
--R
          \|a e - b d
--R
--R
                              (a e - b d) |----
--R
                                     \|a e - b d
--R
              3 2 3 3 2 3
--R
        ((- 105A b + 75B a b )e + 30B b d e )x
--R
--R
               2 2 3 3
--R
        ((- 70A a b + 50B a b)e + (- 245A b + 195B a b )d e + 70B b d e)x
--R
--R
--R
               2
                    3 3
                                   2
           (14A a b - 10B a )e + (- 168A a b + 116B a b)d e
--R
--R
                3 2 2 3 3
--R
          (- 161A b + 163B a b )d e + 46B b d
--R
--R
--R
          X
--R
--R
           3 3 2 3 2 2 2 2
        - 6A a e + (32A a b - 4B a )d e + (- 116A a b + 48B a b)d e
--R
--R
--R
--R
        (-15A b + 61B a b)d
--R
            4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3 5 4 2 3
--R
--R
          (15a b e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15b d e )x
--R
              5 6 4 5 3 2 2 4 2 3 3 3 4 4 2
--R
--R
            15a e - 30a b d e - 30a b d e + 120a b d e - 105a b d e
--R
--R
              5 5
            30b d e
--R
--R
--R
            2
--R
           x
--R
              5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 4 5
--R
--R
            30a d e - 105a b d e + 120a b d e - 30a b d e - 30a b d e
--R
--R
             5 6
--R
            15b d
--R
--R
--R
--R
           5 2 4 4 3 3 3 2 4 2 2 3 5 4 6
```

```
--R
           15a d e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15a b d
--R
--R
          +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R
      ]
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 863
--S 864 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
              2 2 +----- b
--R
--R
          ((7A b - 5B a b)e - 2B b d) = a e + b d = -----
--R
                                             \| a e - b d
--R
                           +----+
--R
                           l b +----+
--R
--R
             (- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
                         \| a e - b d
--R
--R
--R
                                    b x + a
--R
--R
                         2 +-+ \|b \|e x + d
--R
--R
        ((- 14A b + 10B a b)e + 4B b d)\|b atanh(-----)
--R
--R
                                            \|- a e + b d
--R /
       4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 +-----
--R
--R
       (2a e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d )\|- a e + b d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 864
--S 865 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 865
--S 866 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                                           +-+ +----+
```

```
2 +-+ \|b \|e x + d
--R
--R
        ((-7A b + 5B a b)e + 2B b d) | b atanh(-----)
--R
--R
                                        \|- a e + b d
--R
                                             +----+
--R
                              2 +----- b
--R
         ((-7A b + 5B a b)e + 2B b d) = a e + b d = -----
--R
                                            \|a e - b d
--R
--R
                   +----+
--R
--R
                  b \le x + d
         atan(-----)
--R
--R
--R
                      l b
--R
             (a e - b d) |----
--R
                     \|a e - b d
--R /
--R
       4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 +-----+
--R
      (a e - 4a b d e + 6a b d e - 4a b d e + b d )\|- a e + b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 866
--S 867 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 867
)clear all
--S 868 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
    (1)
--R
          3 4 3
                          2 3 2 2 2 3
--R
         B e x + (A e + 3B d e)x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d)x
--R
--R
          3
--R
         A d
--R
        +----+
--R
--R
        --R /
      3 3 2 2 2 3
--R
--R
      b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
```

```
--E 868
--S 869 of 1293
r0:=7/12*e*(4*b*B*d+5*A*b*e-9*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/b^4+_
              7/20*e*(4*b*B*d+5*A*b*e-9*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/(b^3*(b*d-a*e))-_
              1/4*(4*b*B*d+5*A*b*e-9*a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/(b^2*(b*d-a*e)*(a+b*x))-_
              1/2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(9/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)-_
              7/4*e*(b*d-a*e)^(3/2)*(4*b*B*d+5*A*b*e-9*a*B*e)*_
              atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(11/2)+_
              7/4*e*(b*d-a*e)*(4*b*B*d+5*A*b*e-9*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/b^5
--R
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                                                       2 2 3
--R
                                                   (525A \ a \ b \ - 945B \ a \ b \ ) e \ + (- 525A \ b \ + 1365B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R.
                                                                         4 2
                                                  - 420B b d e
--R
--R
--R
                                               2
--R
                                             х
--R
--R
                                                                         2 2
                                                                                                           3 3
                                                                                                                                                                                                    2 2 2
--R
                                                  (1050A \ a \ b - 1890B \ a \ b)e + (-1050A \ a \ b + 2730B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                             3 2
--R
                                                  - 840B a b d e
--R
--R
                                             х
--R
                                                                                                                            2 2
--R
                                                                                    4 3
                                                                                                                                                                     3
                                                                                                                                                                              2
--R
                                  (525A \ a \ b - 945B \ a \ )e + (-525A \ a \ b + 1365B \ a \ b)d \ e - 420B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
                                                                                            +-+ +----+
--R
                                    +----+
                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
                                  \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                            +----+
--R
--R
                                                                                          \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                                          3 3
                                       24B b e x + ((40A b - 72B a b)e + 128B b d e)x
--R
--R
--R.
                                                                                                   2 2 3
                                                                                                                                                      4
                                                                                 3
--R.
                                                  (-280A \ a \ b + 504B \ a \ b ) e + (400A \ b - 944B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                                                   4 2
--R
                                                  464B b d e
--R
--R
                                               2
--R
                                             x
```

```
--R
                                                                          2 2 3 3
                                                                                                                                  3 22 2
--R
--R
                                                  (-875A \ a \ b + 1575B \ a \ b)e + (1190A \ a \ b - 2842B \ a \ b)d \ e
--R
                                                                         4 3 2 4 3
--R
                                                  (-195A b + 1303B a b) d e - 60B b d
--R
--R
--R
--R
--R
                                                                                          4 3
                                                                                                                                 2 2
--R
                                     (-525A \ a \ b + 945B \ a \ ) e + (700A \ a \ b - 1680B \ a \ b) d \ e
--R
                                                                 3 222
--R
                                     (-105A a b + 749B a b )d e + (-30A b - 30B a b )d
--R
--R
--R
                                    +-+ +----+
--R
                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                7 2 6 2 5 +-+
--R
                       (60b x + 120a b x + 60a b) | b
--R
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 869
--S 870 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             (3)
--R
             Γ
                                                                                 3 223 4 32
--R
--R
                                                      (- 525A a b + 945B a b )e + (525A b - 1365B a b )d e
--R
--R
--R
                                                       420B b d e
--R
                                                     2
--R
--R
                                                 X
--R
                                                                               2 2 3 3
--R
--R
                                                      (- 1050A a b + 1890B a b)e + (1050A a b - 2730B a b )d e
 --R
--R
                                                                          3 2
--R
                                                     840B a b d e
--R
--R
--R
                                                             3 4 3 2 2 3 2 2 2 2
--R
--R
                                        (-525A \ a \ b + 945B \ a \ )e + (525A \ a \ b - 1365B \ a \ b)d \ e + 420B \ a \ b \ d \ e
--R
                                                                                                       +----+
--R
```

```
|- a e + b d +----+
--R
          --R
                      - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
          |------ log(------)
          \| b
--R
                                    b x + a
--R
             434 4 33 423
--R
--R
           48B b e x + ((80A b - 144B a b)e + 256B b d e)x
--R
                    3 223 4 3
--R
             (- 560A a b + 1008B a b )e + (800A b - 1888B a b )d e
--R
--R
--R
--R
             928B b d e
--R
--R
             2
--R
            X
--R
                   2 2 3 3
                                    3 22 2
--R
             (- 1750A a b + 3150B a b)e + (2380A a b - 5684B a b )d e
--R
--R
                   4 3 2 4 3
--R
--R
              (-390A b + 2606B a b) d e - 120B b d
--R
--R
--R
                  3 4 3 2 2 3 2
--R
--R
           (-1050A \ a \ b + 1890B \ a \ ) e + (1400A \ a \ b - 3360B \ a \ b) d \ e
--R
                  3 222 4 33
--R
          (- 210A a b + 1498B a b )d e + (- 60A b - 60B a b )d
--R
--R
          +----+
--R
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
         7 2 6 2 5
--R
--R
       120b x + 240a b x + 120a b
--R
--R
                   3 223 4
--R
              (525A a b - 945B a b )e + (- 525A b + 1365B a b )d e
--R
--R
--R.
                   4 2
             - 420B b d e
--R
--R
--R
             2
--R
            х
--R
                   2 2 3 3 3 2 2 2
--R
             (1050A a b - 1890B a b)e + (- 1050A a b + 2730B a b )d e
--R
```

```
--R
                    3 2
--R
--R
                - 840B a b d e
--R
--R
--R
                3 4 3 2 2 3 2 2 2 2
--R
--R
            (525A \ a \ b - 945B \ a \ ) e + (-525A \ a \ b + 1365B \ a \ b) d \ e - 420B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
                           +----+
            la e - b d
--R
                          \|e x + d
            |-----)
--R
--R
--R
                           la e - b d
--R
                          |-----
--R
                          \| b
--R
--R
                 4 3 4
                          4
                                      3 3 4 2 3
             24B b e x + ((40A b - 72B a b)e + 128B b d e)x
--R
--R
--R
                         3 223 4
--R
                 (-280A \ a \ b + 504B \ a \ b ) e + (400A \ b - 944B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                     4 2
--R
                464B b d e
--R
--R
                2
--R
               х
--R
                        2 2 3 3 3 2 2
--R
--R
                (-875A a b + 1575B a b)e + (1190A a b - 2842B a b )d e
--R
--R
                                  3 2
--R
                 (-195A b + 1303B a b) d e - 60B b d
--R
--R
--R
                         4 3 2 2
--R
             (-525A \ a \ b + 945B \ a \ ) e + (700A \ a \ b - 1680B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                                        4 3 3
--R
                     3 222
             (-105A \ a \ b + 749B \ a \ b ) d \ e + (-30A \ b - 30B \ a \ b ) d
--R
--R.
--R
            +----+
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
          7 2 6 2 5
--R
--R
        60b x + 120a b x + 60a b
--R
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
```

```
--E 870
--S 871 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
                (4)
--R
                                                                                      2 3 2 2 2 2
--R
--R
                               ((- 35A a b + 63B a )e + (35A b - 91B a b)d e + 28B b d e)
--R
--R
                                                                                                     |- a e + b d +----+
--R
                                                                                        - 2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d \| b
--R
                              |- a e + b d +-+
--R
--R
                             |------)
                           \| b
--R
                                                                                                                                                  b x + a
--R
                                                                                         2 3 2 2 2 2
--R
--R
                              ((- 70A a b + 126B a )e + (70A b - 182B a b)d e + 56B b d e)
--R
--R
                                                                                           +-+ +----+
--R
                                 +----+
                                                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
                               \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                           +----+
--R
                                                                                         \|- a e + b d
--R
--R /
--R
                       5 +-+
--R
                     8b \|b
--R
                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 871
--S 872 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
            (5) 0
--R
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 872
--S 873 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                (6)
                                                                                      2 3 2 2 2 2
--R
                                 ((-35A \ a \ b + 63B \ a \ )e + (35A \ b - 91B \ a \ b)d \ e + 28B \ b \ d \ e)
--R
--R
--R
                                                                                           +-+ +----+
--R
                                 +----+
                                                                                      \b \b \ \  \  
                                \|- a e + b d atanh(-----)
--R
```

```
--R
                              +----+
--R
                             \|- a e + b d
--R
                                                      2 2 2 +-+
--R
           ((35A \ a \ b - 63B \ a \ )e + (- 35A \ b + 91B \ a \ b)d \ e - 28B \ b \ d \ e) \setminus |b|
--R
--R
--R
            +----+
                           +----+
--R
           ae-bd
                           |-----)
--R
           \| b
                           +----+
--R
--R
                           la e - b d
                           |----
--R
                          \| b
--R
--R
--R
         5 +-+
--R
       4b \|b
--R.
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 873
--S 874 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 874
)clear all
--S 875 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)/(a+b*x)^3
--R
--R
                    2 2
                                                2 2 +----+
--R
--R
         (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) | e x + d
--R
                          3 3 2 2 2
--R
--R
                          b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 875
--S 876 of 1293
r0:=5/12*e*(4*b*B*d+3*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/(b^3*(b*d-a*e))-_
    1/4*(4*b*B*d+3*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/(b^2*(b*d-a*e)*(a+b*x))-_
    1/2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(7/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)-_
    5/4*e*(4*b*B*d+3*A*b*e-7*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
    sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b*d-a*e)/b^(9/2)+5/4*e*(4*b*B*d+3*A*b*e-7*a*B*e)*_
    sqrt(d+e*x)/b^4
--R
--R
```

```
(2)
--R
                                                          3 2 2 3 2
--R
--R
                                   ((-45A b + 105B a b)e - 60B b d e)x
--R
--R
                                                              2 2 2 2
                                                                                                                                                         2 3 2
--R
                                      ((-90A \ a \ b + 210B \ a \ b)e - 120B \ a \ b \ d \ e)x + (-45A \ a \ b + 105B \ a \ )e
--R
--R
                                   - 60B a b d e
--R
--R
                                                                                       +-+ +----+
--R
                                 +----+
                                                                                   \|b \|e x + d
--R
                                \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                       +----+
--R
--R
                                                                                     \|- a e + b d
--R
--R
                                             3 2 3
                                                                                    3 2 2
                                    8B b e x + ((24A b - 56B a b)e + 56B b d e)x
--R
--R
                                                          2 2 2
--R
                                     ((75A \ a \ b \ - 175B \ a \ b)e \ + (- 27A \ b \ + 163B \ a \ b)d \ e \ - 12B \ b \ d)x
--R
--R
--R
                                                                   3 2
                                                                                                                                                  2
                                    (45A a b - 105B a )e + (- 15A a b + 95B a b)d e
--R
--R
                                            3 2 2
--R
--R
                                    (-6Ab - 6Bab)d
--R
--R
                                 +-+ +----+
--R
                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                              6 2 5 2 4 +-+
--R
--R
                      (12b x + 24a b x + 12a b) | b
--R
                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 876
--S 877 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                (3)
--R
                Γ
--R.
                                                                               2 2 3 2
                                         ((-45A b + 105B a b)e - 60B b d e)x
--R
--R
                                                                                            2 2
--R
                                         ((- 90A a b + 210B a b)e - 120B a b d e)x
--R
--R
                                                               2 3 2 2
--R
--R
                                       (- 45A a b + 105B a )e - 60B a b d e
```

```
--R
--R
--R
                           |- a e + b d +----+
--R
                         2b |----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
                        \| b
           |- a e + b d
--R
           |------)
--R
                                       b x + a
--R
               3 2 3 3 2 2 3 2
--R
           16B b e x + ((48A b - 112B a b )e + 112B b d e)x
--R
--R
                        2 2
--R
                                    3
            ((150A a b - 350B a b)e + (- 54A b + 326B a b )d e - 24B b d )x
--R
--R
--R
                     3 2
                                      2
--R
            (90A \ a \ b - 210B \ a \ )e + (-30A \ a \ b + 190B \ a \ b)d \ e
--R
                 3 2 2
--R
--R
           (- 12A b - 12B a b )d
--R
--R
           +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
          6 2 5 2 4
--R
       24b x + 48a b x + 24a b
--R
--R
                  3 2 2 3 2
--R
--R
            ((-45A b + 105B a b)e - 60B b d e)x
--R
                    2 2 2
--R
            ((-90A \ a \ b + 210B \ a \ b)e - 120B \ a \ b \ d \ e)x
--R
--R
                 2 3 2 2
--R
--R
           (- 45A a b + 105B a )e - 60B a b d e
--R
--R
           +----+
                        +----+
           la e - b d
--R
                       \exists x + d
--R
           |----- atan(-----)
                       +----+
--R
--R
                        |ae-bd
--R
                        |----
--R.
                        \| b
--R
                      3 2 2 3 2
--R
              3 2 3
           8B b e x + ((24A b - 56B a b )e + 56B b d e)x
--R
--R
--R
                          2 2
            ((75A a b - 175B a b)e + (- 27A b + 163B a b )d e - 12B b d )x
--R
--R
```

```
2 3 2 2 2
--R
--R
             (45A \ a \ b - 105B \ a \ )e + (-15A \ a \ b + 95B \ a \ b)d \ e
--R
                  3 2 2
--R
--R
            (-6Ab-6Bab)d
--R
--R
            +----+
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
          6 2 5
--R
--R
        12b x + 24a b x + 12a b
--R
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 877
--S 878 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
                                      +----+
                        2 |- a e + b d +-+
--R
--R
          ((-15A b + 35B a)e - 20B b d e) |----- \setminus |b|
                                     \| b
--R
--R
                +----+
--R
               |- a e + b d +----+
--R
--R
             2b \mid ----- \mid | e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
              \| b
--R
          log(-----)
--R
                              b x + a
--R
--R
--R
                                  +----+
                                                  ((30A b - 70B a)e + 40B b d e) = a e + b d atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                   \|- a e + b d
--R
        4 +-+
--R
--R
      8b \|b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 878
--S 879 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 879
```

```
--S 880 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                                                          +-+ +----+
                                       +----- \|b \|e x + d
--R
--R
         ((15A b - 35B a)e + 20B b d e) = a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                         \label{eq:local_problem} \ a e + b d
--R
--R
--R
                                         +-+ |a e - b d
                                                             \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
         ((- 15A b + 35B a)e - 20B b d e)\|b |----- atan(-----)
--R
                                            \| b
                                                             +----+
--R
                                                             la e - b d
                                                             |-----
--R
--R
                                                             \| b
--R /
--R
         4 +-+
--R
       4b \|b
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 880
--S 881 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 881
)clear all
--S 882 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
              2
--R
         (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus |e x + d|
--R
     (1) -----
--R.
               3 3 2 2 2
--R
               b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 882
--S 883 of 1293
r0:=-1/4*(4*b*B*d+A*b*e-5*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*(b*d-a*e)*(a+b*x))_{-}
    1/2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(5/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)-_
```

```
3/4*e*(4*b*B*d+A*b*e-5*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
    sqrt(b*d-a*e))/(b^(7/2)*sqrt(b*d-a*e))+3/4*e*(4*b*B*d+A*b*e-5*a*B*e)*_
    sqrt(d+e*x)/(b^3*(b*d-a*e))
--R
--R
     (2)
--R
                              2 2 3 2
--R
--R
             ((-3A b + 15B a b)e - 12B b d e)x
--R
--R
                     2
                              2 2
                                           2
--R
             ((-6A \ a \ b + 30B \ a \ b)e - 24B \ a \ b \ d \ e)x + (-3A \ a \ b + 15B \ a \ )e
--R
                   2
--R
--R
            - 12B a b d e
--R
--R
                 +-+ +----+
--R
                --R
           atanh(-----)
                 +----+
--R
--R
                \|- a e + b d
--R
--R
            8B b e x + ((- 5A b + 25B a b)e - 4B b d)x + (- 3A a b + 15B a )e
--R
--R
--R
             (-2Ab-2Bab)d
--R
--R
--R
           +----+
--R
           --R /
               4
                        2 3 +----+ +-+
--R
--R
       (4b x + 8a b x + 4a b) = a e + b d | b
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 883
--S 884 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
                    3
                             2 2 3
--R.
              ((3A b - 15B a b)e + 12B b d e)x
--R.
--R
                     2
                              2
                                 2
                                          2
                                                         2
--R
               ((6A \ a \ b \ - 30B \ a \ b)e \ + 24B \ a \ b \ d \ e)x + (3A \ a \ b \ - 15B \ a \ )e
--R
--R
                   2
              12B a b d e
--R
--R
```

```
--R
                                                l 2
--R
                    2 +----+
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                  b x + a
--R
               2 2 2
--R
--R
            16B b e x + ((-10A b + 50B a b)e - 8B b d)x
--R
--R
                        2
--R
           (-6A \ a \ b + 30B \ a \ )e + (-4A \ b - 4B \ a \ b)d
--R
--R
           2 +----+
--R
--R
          \|- a b e + b d \|e x + d
--R
--R
         5 2 4 2 3 | 2
--R
--R
       (8b x + 16a b x + 8a b) = a b e + b d
--R
--R
               3 2 2 3 2
--R
--R
            ((3A b - 15B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
                 2 2 2 2
--R
            ((6A \ a \ b \ - 30B \ a \ b)e \ + 24B \ a \ b \ d \ e)x + (3A \ a \ b \ - 15B \ a \ )e
--R
--R
                2
--R
            12B a b d e
--R
--R
               +----+
              2 +----+
--R
--R
             atan(-----)
             a e - b d
--R
--R
              2 2 2
--R
                                         2
           8B b e x + ((-5A b + 25B a b)e - 4B b d)x + (-3A a b + 15B a)e
--R
--R
--R
           (- 2A b - 2B a b)d
--R
--R
--R.
           2 +----+
--R
          --R
--R
--R
        5 2 4 2 3 | 2
--R
--R
       (4b x + 8a b x + 4a b) \mid a b e - b d
--R
```

```
--R
                                                                                                                                                                                                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 884
--S 885 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                                 (4)
--R
                                                                  ((3A b - 15B a)e + 12B b d e)\|- a e + b d \|b
--R
--R
--R
                                                                                                                                                        2 +----+
 --R
                                                                                     (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
 --R
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                     b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       +-+ +----+
                                                                                                                                                                                                                               | 2
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
                                                        ((6A b - 30B a)e + 24B b d e) = a b e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        +----+
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     \|- a e + b d
--R /
--R
                                                      3 | 2 +----+ +-+
--R
--R
                                            8b \|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 885
--S 886 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                          (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 886
--S 887 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
 --R
--R
                                 (6)
--R.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           +-+ +----+
                                                                                                                                                                                                                               1 2
--R.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         \begin{tabular}{ll} \beg
                                                        ((3A b - 15B a)e + 12B b d e)\|a b e - b d atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             +----+
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         \ |-ae+bd
--R
--R
                                                                  ((3A b - 15B a)e + 12B b d e)\|- a e + b d \|b
--R
```

```
--R
--R
               2 +----+
--R
--R
               \|a b e - b d \|e x + d
          atan(-----)
--R
--R
                     a e - b d
--R /
--R
                         +----+
        3 +----- 2
--R
--R
       4b \|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 887
--S 888 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 888
)clear all
--S 889 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(d+e*x)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
--R
              (B x + A) \setminus [e x + d]
--R
     (1) -----
         3 3 2 2 2
--R
--R
         b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 889
--S 890 of 1293
r0:=-1/2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(3/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)-_
    1/4*e*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*_
    sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(5/2)*(b*d-a*e)^(3/2))-_
    1/4*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/(b^2*(b*d-a*e)*(a+b*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                 3 2 2 3 2
            ((- A b - 3B a b)e + 4B b d e)x
--R
--R
                   2 2 2 2
--R
--R
            ((-2A \ a \ b \ -6B \ a \ b)e \ +8B \ a \ b \ d \ e)x + (-A \ a \ b \ -3B \ a \ )e
--R
--R
                2
```

```
--R
           4B a b d e
--R
--R
               +-+ +----+
--R
              \b \ \ \ x + d
         atanh(-----)
--R
               +----+
--R
--R
              \label{lem:ae+bd}
--R
--R
          (((A b - 5B a b)e + 4B b d)x + (- A a b - 3B a )e + (2A b + 2B a b)d)
--R
--R
          +----+
--R
--R
         \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R
--R
                5 2 2 3
                                 4
                                           3 2 2 3 +----+
        ((4a b e - 4b d)x + (8a b e - 8a b d)x + 4a b e - 4a b d) | - a e + b d
--R
--R
--R
         +-+
--R
        \|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 890
--S 891 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
                 3 2 2 3 2
--R
            ((A b + 3B a b)e - 4B b d e)x
--R
                  2 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
           ((2A \ a \ b + 6B \ a \ b)e - 8B \ a \ b \ d \ e)x + (A \ a \ b + 3B \ a \ )e - 4B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
                                                     1 2
                       2 +----+
--R
--R
             (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
                                  2
             ((2A b - 10B a b)e + 8B b d)x + (-2A a b - 6B a)e
--R
--R.
--R
--R
            (4A b + 4B a b)d
--R
--R
--R
            2 +----+
           \|- a b e + b d \|e x + d
--R
--R
     /
```

```
4 5 2 2 3 4 3 2 2 3
--R
--R
          ((8a b e - 8b d)x + (16a b e - 16a b d)x + 8a b e - 8a b d)
--R
--R
          1 2
--R
--R
          \|- a b e + b d
--R
--R
                3 2 2 3 2
--R
--R
             ((A b + 3B a b)e - 4B b d e)x
--R
                  2 2 2 2
                                               2 3 2 2
--R
            ((2A \ a \ b \ + \ 6B \ a \ b)e \ - \ 8B \ a \ b \ d \ e)x \ + \ (A \ a \ b \ + \ 3B \ a \ )e \ - \ 4B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
--R
--R
                2 +----+
--R
               \|a b e - b d \|e x + d
--R
                  a e - b d
--R
--R
--R
              ((A b - 5B a b)e + 4B b d)x + (- A a b - 3B a)e
--R
--R
--R
                   2
--R
               (2A b + 2B a b)d
--R
--R
            2 +----+
--R
--R
            \|a b e - b d \|e x + d
--R
--R
            4 5 2 2 3 4 3 2 2 3 | 2
--R
--R
        ((4a b e - 4b d)x + (8a b e - 8a b d)x + 4a b e - 4a b d)\|a b e - b d
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 891
--S 892 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
                    2 +----+ +-+
--R.
--R.
          ((A b + 3B a)e - 4B b d e)\|- a e + b d \|b
--R
--R
--R
                       2 +----+
--R
             (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                      b x + a
```

```
--R
--R
                                                                 2 | 2
--R
                                                                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                             ((2A b + 6B a)e - 8B b d e) = a b e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                              \|- a e + b d
--R /
--R
                                                   3 | 2 +----+ +-+
--R
                       (8a b e - 8b d) = a b e + b d = a e + b d | b
--R
--R
                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--Е 892
--S 893 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
            (5) 0
--R
                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 893
--S 894 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                 (6)
--R
                                                                2 | 2
--R
                                                                                                                                                                     --R
                            ((A b + 3B a)e - 4B b d e) | a b e - b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                      \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                                                                                       | 2 +----+
--R
                                                                                                  +----+ +-+ \|a b e - b d \|e x + d
--R
                       ((A b + 3B a)e - 4B b d e)\|- a e + b d \|b atan(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                           ae-bd
--R /
--R
                                 2 3 +----+ +-+ |
--R
                       (4a b e - 4b d) = a e + b d | b | a b e - b d
--R
--R
                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 894
--S 895 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
```

```
--E 895
)clear all
--S 896 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
                                                                             B \times A
--R
                (1) -----
--R
                                 3 3 2 2 2
                                                                                                             3 +----+
--R
                              (b x + 3a b x + 3a b x + a) | e x + d
--R
                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 896
--S 897 of 1293
r0:=1/4*e*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)*atanh(sqrt(b)*_
              sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(3/2)*(b*d-a*e)^(5/2))-_
              1/2*(A*b-a*B)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)-_
              1/4*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)^2*(a+b*x))
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                             3 2 2 3
--R
                                       ((-3Ab - Bab)e + 4Bbde)x
--R
--R
--R
                                       ((-6A \ a \ b \ -2B \ a \ b)e \ +8B \ a \ b \ d \ e)x + (-3A \ a \ b \ -B \ a \ )e
--R
--R
                                                  2
--R
                                      4B \ a \ b \ d \ e
--R
                                                    +-+ +----+
--R
--R
                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                 atanh(-----)
--R
--R
                                                  \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                      2
                                                                                                                                                               2
--R
                                 (((3A b + B a b)e - 4B b d)x + (5A a b - B a )e + (-2A b - 2B a b)d)
--R
--R
                                    +----+
--R.
                                 \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R
--R
                                         2 3 2
                                                                       4
                                                                                              5 2 2
                                                                                                                                     3 2 2
                                                                                                                                                                    2 3
--R
                                 (4a b e - 8a b d e + 4b d )x + (8a b e - 16a b d e + 8a b d )x
--R
--R
                                                           3 2
                                                                                                 2 3 2
                                      4 2
                                 4a b e - 8a b d e + 4a b d
--R
--R
```

```
--R
        +----+ +-+
--R
        \|- a e + b d \|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 897
--S 898 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
--R
     Ε
                 3 2 2 3 2
--R
            ((3A b + B a b)e - 4B b d e)x
--R
--R
--R
                    2 2 2
                                             2 3 2 2
--R
           ((6A a b + 2B a b)e - 8B a b d e)x + (3A a b + B a )e - 4B a b d e
--R
--R
                      2 +----+
--R
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                    b x + a
--R
--R
                                 2
--R
             ((6A b + 2B a b)e - 8B b d)x + (10A a b - 2B a )e
--R
--R
--R
            (- 4A b - 4B a b)d
--R
--R
           2 +----+
--R
--R
           \|- a b e + b d \|e x + d
--R
            232 4 522 322 23 42
--R
--R
           (8a b e - 16a b d e + 8b d )x + (16a b e - 32a b d e + 16a b d )x
--R
            4 2
--R
                    3 2 2 3 2
--R
           8a b e - 16a b d e + 8a b d
--R
--R
          +----+
          1 2
--R
--R
         --R
--R
--R
                 3 2 2 3 2
--R
            ((3A b + B a b)e - 4B b d e)x
--R
                                             2 3 2 2
--R
                 2 2 2 2
           ((6A \ a \ b \ + \ 2B \ a \ b)e \ - \ 8B \ a \ b \ d \ e)x + (3A \ a \ b \ + \ B \ a \ )e \ - \ 4B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
```

```
--R
               2 +----+
--R
--R
               \|a b e - b d \|e x + d
           atan(-----)
--R
                    ae-bd
--R
--R
--R
--R
              ((3A b + B a b)e - 4B b d)x + (5A a b - B a )e
--R
--R
                  2
              (- 2A b - 2B a b)d
--R
--R
--R
            2 +----+
--R
--R
           --R
--R
             2 3 2 4 5 2 2 3 2 2 3 4 2
--R
           (4a b e - 8a b d e + 4b d)x + (8a b e - 16a b d e + 8a b d)x
--R
            4 2 3 2 2 3 2
--R
--R
           4a b e - 8a b d e + 4a b d
--R
--R
         | 2
--R
--R
         \|a b e - b d
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 898
--S 899 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
         ((3A b + B a)e -4B b d e)\|- a e + b d \|b
--R
--R
--R
                                                    1
--R
--R
            (2a b e - 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | - a b e + b d
--R
--R
                                    bx + a
--R
--R
                                                +-+ +----+
                               1 2
--R
                                                \b \leq x + d
        ((6A b + 2B a)e - 8B b d e) = a b e + b d atanh(-----)
--R
                                                +----+
--R
--R
                                                \ |-ae+bd
--R /
                              +----+
--R
```

```
2 2 2 3 2 | 2 +-----+ +-+
--R
--R
      (8a b e - 16a b d e + 8b d )\|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 899
--S 900 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 900
--S 901 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                              +----+
                                              +-+ +----+
                        | 2 \|b \|e x + d
--R
--R
        ((3A b + B a)e - 4B b d e) | a b e - b d atanh(-----)
--R
                                              +----+
--R
                                              \|- a e + b d
--R
--R
                                               2 +----+
--R
               2 +----+ +-+ \|a b e - b d \|e x + d
--R
--R
      ((3A b + B a)e - 4B b d e) = a e + b d = b atan(-----)
--R
                                                    ae-bd
--R /
--R
       2 2 2 3 2 +----+ +-+ |
--R
--R
      (4a b e - 8a b d e + 4b d )\|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 901
--S 902 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 902
)clear all
--S 903 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
```

```
--R
               (1)
                    B x + A
--R
--R /
--R
                                                        2 3 3 2
                                                                                                                                            2 2 3
                                3 4
--R
                           (b e x + (3a b e + b d)x + (3a b e + 3a b d)x + (a e + 3a b d)x + a d)
--R
--R
                             +----+
--R
                           \ | e x + d
--R
                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 903
--S 904 of 1293
r0:=3/4*e*(4*b*B*d-5*A*b*e+a*B*e)*atanh(sqrt(b)*_
             sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/((b*d-a*e)^(7/2)*sqrt(b))-_
             3/4*e*(4*b*B*d-5*A*b*e+a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x))+_
             1/2*(-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2*sqrt(d+e*x))+_
             1/4*(-4*b*B*d+5*A*b*e-a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                     2 2 3 2
--R
                                      ((15A b - 3B a b)e - 12B b d e)x
--R
--R
                                                             2 2 2 2
--R
                                      ((30A \ a \ b \ - 6B \ a \ b)e \ - 24B \ a \ b \ d \ e)x + (15A \ a \ b \ - 3B \ a \ )e
--R
--R
--R
                                      - 12B a b d e
--R
--R
                                                                              +-+ +----+
--R
                                  +----+
                                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
                                \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                             +----+
--R
--R
                                                                           \|- a e + b d
--R
                                                                                         2
--R
                                                             2
--R
                                      ((-15A b + 3B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
                                                                                                                                                                                       2 2
--R
                                     ((-25A \ a \ b + 5B \ a \ )e + (-5A \ b + 21B \ a \ b)d \ e + 4B \ b \ d \ )x - 8A \ a \ e
--R
--R
                                                                                                                     2
--R.
                                      (-9A \ a \ b + 13B \ a \ )d \ e + (2A \ b + 2B \ a \ b)d
--R
                                  +----+ +-+
--R
--R
                                \|- a e + b d \|b
--R /
--R
                                        3 2 3
                                                                     2 3 2
                                                                                                          4 2
                                (4a b e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d )x
--R
--R
```

```
4 3 3 2 2 2 3 2 4 3 5 3 4 2
--R
--R
         (8a b e - 24a b d e + 24a b d e - 8a b d )x + 4a e - 12a b d e
--R
--R
            3 2 2 2 3 3
--R
         12a b d e - 4a b d
--R
--R
        +----+
--R
        \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 904
--S 905 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R [
--R
                  3 2 2 3 2
--R
             ((15A b - 3B a b)e - 12B b d e)x
--R
                   2 2 2 2
--R
             ((30A \ a \ b - 6B \ a \ b)e - 24B \ a \ b \ d \ e)x + (15A \ a \ b - 3B \ a \ )e
--R
--R
--R
                 2
--R
             - 12B a b d e
--R
            +----+
--R
--R
           \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
                                                        1 2
--R
                         2 +----+
--R
             (-2a b e + 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | -a b e + b d
--R
--R
--R
                   2 2 2 2
--R
--R
             ((-30A b + 6B a b)e + 24B b d e)x
--R
                                        2
--R
                             2 2
--R
            ((-50A \ a \ b + 10B \ a \ )e + (-10A \ b + 42B \ a \ b)d \ e + 8B \ b \ d \ )x
--R
--R
                                       2
--R
             - 16A a e + (- 18A a b + 26B a )d e + (4A b + 4B a b)d
--R
--R
--R
--R
           \ |-abe+bd
--R
              3 2 3 2 4 2 5 3 2
--R
            (8a b e - 24a b d e + 24a b d e - 8b d )x
--R
```

```
--R
           4 3 3 2 2 2 3 2 4 3 5 3 4 2
--R
--R
          (16a b e - 48a b d e + 48a b d e - 16a b d )x + 8a e - 24a b d e
--R
           3 2 2 2 3 3
--R
--R
          24a b d e - 8a b d
--R
--R
         +----+
         2 +----+
--R
--R
         \|- a b e + b d \|e x + d
--R
--R
                 3 2 2 3
--R
--R
           ((-15A b + 3B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
                   2 2 2 2
                                                 2 3 2
--R
           ((-30A \ a \ b + 6B \ a \ b)e + 24B \ a \ b \ d \ e)x + (-15A \ a \ b + 3B \ a \ )e
--R
--R
              2
--R
           12B a b d e
--R
--R
                      2 +----+
--R
--R
          +----+ \|a b e - b d \|e x + d
          \| e x + d atan(-----)
--R
                        ae-bd
--R
--R
                  2 2 2 2
--R
--R
           ((-15A b + 3B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
                         2 2 2
           ((-25A \ a \ b + 5B \ a \ )e + (-5A \ b + 21B \ a \ b)d \ e + 4B \ b \ d \ )x
--R
--R
                        2
--R
--R
           - 8A a e + (- 9A a b + 13B a )d e + (2A b + 2B a b)d
--R
--R
           1 2
--R
          \|a b e - b d
--R
--R
           3 2 3 2 4 2 5 3 2
--R
          (4a b e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d )x
--R
--R
--R
           4 3 3 2 2 2 3 2 4 3 5 3 4
--R
          (8a b e - 24a b d e + 24a b d e - 8a b d )x + 4a e - 12a b d e
--R
           3 2 2 2 3 3
--R
          12a b d e - 4a b d
--R
--R
--R
         +----+
```

```
2 +----+
--R
--R
          --R
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 905
--S 906 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
          ((15A b - 3B a)e - 12B b d e)\|- a e + b d \|b
--R
--R
--R
--R
                       2 +----+
                                                      | 2
--R
           (-2a b e + 2b d) | e x + d + (b e x - a e + 2b d) | -a b e + b d
--R
--R
                                     bx + a
--R
                                    +----+
--R
                                   | 2 \|b \|e x + d
--R
--R
        ((-30A b + 6B a)e + 24B b d e) = a b e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                      \|- a e + b d
--R /
--R
             2 2 2 2 3 3 | 2 +-----+ +-+
--R
--R
      (8a e - 24a b d e + 24a b d e - 8b d )\|- a b e + b d \|- a e + b d \|b
--R.
                                             Type: Expression(Integer)
--E 906
--S 907 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 907
--S 908 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                                   1 2
--R
--R
        ((-15A b + 3B a)e + 12B b d e) | a b e - b d atanh(-----)
--R
--R
                                                    \|- a e + b d
```

```
--R
--R
                          2
                                      +----+ +-+
--R
          ((-15A b + 3B a)e + 12B b d e) | -a e + b d | b
--R
--R
               +----+
               2 +----+
--R
--R
              --R
          atan(-----)
                    ae-bd
--R
--R /
--R
               2 2 2 2 3 3 +-----+ +-+ |
--R
         3 3
--R
       (4a e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d )\|- a e + b d \|b \|a b e - b d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 908
--S 909 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 909
)clear all
--S 910 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
    (1)
--R
     B x + A
--R /
           3 2 5 2 2 3 4
                                       2 2 2
--R
--R
          b e x + (3a b e + 2b d e)x + (3a b e + 6a b d e + b d)x
--R
--R
           3 2 2
                            222
                                       3
                                               2 2
--R
          (a e + 6a b d e + 3a b d )x + (2a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
         +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 910
--S 911 of 1293
r0:=-5/12*e*(4*b*B*d-7*A*b*e+3*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(3/2))+_
    1/2*(-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2*(d+e*x)^(3/2))+_
    1/4*(-4*b*B*d+7*A*b*e-3*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2))+_
    5/4*e*(4*b*B*d-7*A*b*e+3*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*_
    sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b)/(b*d-a*e)^(9/2)-_
```

```
5/4*e*(4*b*B*d-7*A*b*e+3*a*B*e)/((b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                  3 2 3 3 2 3
                                      ((-105A b + 45B a b)e + 60B b d e)x
--R
--R
                                                                                    2 2 3
--R
                                                       (- 210A a b + 90B a b)e + (- 105A b + 165B a b )d e
--R
--R
--R
                                                                      3 2
--R
                                                        60B b d e
--R
--R
                                               2
--R
                                          X
--R
--R
                                                                            2 3 3
                                                 (- 105A a b + 45B a )e + (- 210A a b + 150B a b)d e
--R
--R
--R
                                                                      2 2
--R
                                                  120B a b d e
--R
--R
--R
--R
                                                                          3 2 2 2
--R
                                        (-105A \ a \ b + 45B \ a ) d \ e + 60B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
                                                                                              +-+ +----+
--R
                                   +-+ +----+
                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
                                 \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                           \|- a e + b d
--R
                                                                                        2 3 3 2 3
--R
--R
                                      ((105A b - 45B a b)e - 60B b d e)x
--R
                                                                                                                           3
--R
                                                                                   2 3
                                                                                                                                                                       2 2 3 2 2
                                       ((175A \ a \ b \ - 75B \ a \ b)e \ + (140A \ b \ - 160B \ a \ b \ )d \ e \ - 80B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                                                                                      3 3
                                                   (56A \ a \ b - 24B \ a \ )e + (238A \ a \ b - 134B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R.
                                                               3 2 2 3 3
                                                   (21A b - 145B a b)d e - 12B b d
--R
--R
--R
--R
--R
                                                                                                         3 2
                                      - 8A a e + (80A a b - 16B a )d e + (39A a b - 83B a b)d e
--R
--R
```

```
3 2 3
--R
--R
          (-6Ab-6Bab)d
--R
--R
         +----+
--R
         \|- a e + b d
--R /
            4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
--R
--R
         (12a b e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12b d e)x
--R
               5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
             24a b e - 84a b d e + 96a b d e - 24a b d e - 24a b d e
--R
--R
               6 5
--R
--R
             12b d
--R
--R
           2
--R
          X
--R
           6 5 5 4 4 2 2 3 3 3 3 2 2 4 4 5 5
--R
--R
         (12a e - 24a b d e - 24a b d e + 96a b d e - 84a b d e + 24a b d )x
--R
--R
          6 4 5 2 3 4 2 3 2
                                       3 3 4 2 4 5
--R
         12a d e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12a b d
--R
--R
        +----+
       \|- a e + b d \|e x + d
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 911
--S 912 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
   Ε
                 3 23 323
--R
--R
            ((105A b - 45B a b)e - 60B b d e)x
--R
                                               2 2 3 2 2
                         2 3
                                   3
--R
--R
            ((210A a b - 90B a b)e + (105A b - 165B a b )d e - 60B b d e)x
--R
                          3 3
--R
                                          2
                 (105A a b - 45B a )e + (210A a b - 150B a b)d e
--R.
--R
--R
                        2 2
                 - 120B a b d e
--R
--R
--R
            X
--R
--R
                 2
                         3 2
                                   2 2
```

```
--R
           (105A a b - 45B a )d e - 60B a b d e
--R
--R
           l b +----+
--R
           |- ----- \|e x + d
--R
--R
          \| a e - b d
--R
--R
                       | b +----+
--R
             (2a e - 2b d) |- ----- \leq x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                      \| a e - b d
--R
--R
                                b x + a
--R
             3 2 3
--R
                               3 2 3
--R
         ((210A b - 90B a b)e - 120B b d e)x
--R
--R
               2 2 3 3
                                           2 2 3 2 2
--R
         ((350A a b - 150B a b)e + (280A b - 320B a b )d e - 160B b d e)x
--R
                2 3 3
--R
                                   2
            (112A \ a \ b - 48B \ a \ ) e + (476A \ a \ b - 268B \ a \ b) d \ e
--R
--R
--R
               3 2 2 3 3
--R
            (42A b - 290B a b) d e - 24B b d
--R
--R
--R
--R
              3 3 2 2 2 2
--R.
         -16A a e + (160A a b -32B a )d e + (78A a b -166B a b)d e
--R
              3 2 3
--R
--R
         (- 12A b - 12B a b )d
--R
             4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
--R
--R
          (24a b e - 96a b d e + 144a b d e - 96a b d e + 24b d e)x
--R
              5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
--R
             48a b e - 168a b d e + 192a b d e - 48a b d e - 48a b d e
--R
--R
              6 5
--R
             24b d
--R.
--R
            2
--R
           X
--R
              65 5 4 4223 3332 244
--R
--R
            24a e - 48a b d e - 48a b d e + 192a b d e - 168a b d e
--R
--R
               5 5
```

```
--R
           48a b d
--R
--R
          x
--R
         6 4 5 23 4232 334 245
--R
--R
         24a d e - 96a b d e + 144a b d e - 96a b d e + 24a b d
--R
--R
         +----+
--R
        --R
--R
                3 2 3 3 2 3
--R
          ((105A b - 45B a b )e - 60B b d e )x
--R
--R
--R
                 2 2 3 3 2 2 3 2 2
           ((210A a b - 90B a b)e + (105A b - 165B a b )d e - 60B b d e)x
--R
--R
--R
                   2 3 3 2 2 2
--R
               (105A \ a \ b - 45B \ a \ ) e + (210A \ a \ b - 150B \ a \ b) d \ e
--R
--R
--R
               - 120B a b d e
--R
--R
--R
                2 3 2 2 2
--R
--R
          (105A a b - 45B a )d e - 60B a b d e
--R
--R
          l b +----+
--R
                                b\|e x + d
--R
          |----- \| e x + d atan(-----)
--R
          \lae-bd
                                  l b
--R
--R
                             (a e - b d) |----
--R
                                    \|a e - b d
--R
             3 2 3 3 2 3
--R
        ((105A b - 45B a b )e - 60B b d e )x
--R
--R
                                    2 2 3 2 2
--R
              2 2 3
                            3
        ((175A a b - 75B a b)e + (140A b - 160B a b )d e - 80B b d e)x
--R
--R
--R
              2
                  3 3 2 2 2
--R
           (56A a b - 24B a )e + (238A a b - 134B a b)d e
--R
                    2 2 3 3
--R
          (21A b - 145B a b )d e - 12B b d
--R
--R
--R
         х
--R
```

```
3 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R
         -8A a e + (80A a b -16B a )d e + (39A a b -83B a b)d e
--R
              3
--R
                     2 3
--R
        (-6Ab -6Bab)d
--R
             4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
--R
--R
          (12a b e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12b d e)x
--R
               5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
--R
              24a b e - 84a b d e + 96a b d e - 24a b d e - 24a b d e
--R
                6 5
--R
--R
             12b d
--R
--R
             2
--R
            X
--R
               65 5 4 4223 3332 244
--R
--R
              12a e - 24a b d e - 24a b d e + 96a b d e - 84a b d e
--R
--R
                5 5
--R
              24a b d
--R
--R
--R
            6 4 5 2 3 4 2 3 2 3 3 4 2 4 5
--R
--R
          12a d e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12a b d
--R
--R
         +----+
--R
         \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
      ]
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 912
--S 913 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                      2
--R
                                 +-----
--R
         ((35A b - 15B a)e - 20B b d e) = a e + b d - -----
--R
                                             \| a e - b d
--R
--R
                       +----+
                      l b
--R
                                 +----+
            (2a e - 2b d) | - ---- \setminus | e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                     \| a e - b d
--R
```

```
--R
                                   bx + a
--R
--R
                                           +-+ +----+
--R
                                   +-+
                                          --R
        ((70A b - 30B a)e - 40B b d e) | b atanh(-----)
--R
                                           \|- a e + b d
--R
--R /
--R
        4 4 3 3
                           2 2 2 2
                                       3 3 4 4 +----+
      (8a e - 32a b d e + 48a b d e - 32a b d e + 8b d ) | - a e + b d
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 913
--S 914 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 914
--S 915 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
--R
                                          --R
        ((35A b - 15B a)e - 20B b d e)\|b atanh(-----)
--R
--R
                                           \|- a e + b d
--R
--R
--R
                                    +----- b
--R
          ((35A b - 15B a)e - 20B b d e) = a e + b d = -----
                                               \|a e - b d
--R
--R
--R
                    +----+
--R
                   b \le x + d
          atan(-----)
--R
--R
--R
                       l b
              (a e - b d) |-----
--R
                      \|a e - b d
--R
--R /
             3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 +-----
--R
--R
      (4a e - 16a b d e + 24a b d e - 16a b d e + 4b d )\|- a e + b d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 915
```

```
--S 916 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 916
)clear all
--S 917 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
--R
    (1)
--R
       B x + A
--R /
--R
            3 3 6
                      23 3 25 23
                                                      2 2
                                                                 3 2 4
           b e x + (3a b e + 3b d e)x + (3a b e + 9a b d e + 3b d e)x
--R
--R
--R
            3 3
                  2 2
                               2 2
                                      3 3 3
--R
           (a e + 9a b d e + 9a b d e + b d )x
--R
--R
             3 2 2 2 2 3 2 3 2 3
                                                                 3 3
--R
           (3a d e + 9a b d e + 3a b d)x + (3a d e + 3a b d)x + a d
--R
          +----+
--R
--R
         \leq x + d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 917
--S 918 of 1293
r0:=-7/20*e*(4*b*B*d-9*A*b*e+5*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2))+_
    1/2*(-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2*(d+e*x)^(5/2))+_
    1/4*(-4*b*B*d+9*A*b*e-5*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2))-_
    7/12*e*(4*b*B*d-9*A*b*e+5*a*B*e)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2))+_
    7/4*b^{(3/2)}*e*(4*b*B*d-9*A*b*e+5*a*B*e)*_
    a tanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b*d-a*e)^(11/2)-_
    7/4*b*e*(4*b*B*d-9*A*b*e+5*a*B*e)/((b*d-a*e)^5*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R.
                    4
                               3 4
                                          4 3 4
--R.
             ((945A b - 525B a b)e - 420B b d e)x
--R
--R
                                    2 2 4
--R
                (1890A \ a \ b - 1050B \ a \ b ) e + (1890A \ b - 1890B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                        4 2 2
--R
                - 840B b d e
```

```
--R
--R
            3
--R
           X
--R
                   2 2 3 4 3 2 2 3
--R
              (945A \ a \ b \ - 525B \ a \ b)e \ + (3780A \ a \ b \ - 2520B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
--R
                            3 2 2
              (945A b - 2205B a b) d e - 420B b d e
--R
--R
--R
--R
--R
                   2 2 3 3
--R
                                        3 2222
--R
             (1890A a b - 1050B a b)d e + (1890A a b - 1890B a b )d e
--R
--R
                     3 3
--R
             - 840B a b d e
--R
--R
            x
--R
               2 2 3 2 2 2 2 3
--R
--R
           (945A \ a \ b \ - 525B \ a \ b) d \ e \ - 420B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
                          +-+ +----+
--R
         +-+ +----+
                       \b \leq x + d
         \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
--R
                          +----+
--R
                         \|- a e + b d
--R
                           3 4 4 3 4
--R
          ((-945A b + 525B a b)e + 420B b d e)x
--R
--R
                  3 224 4 33
--R
--R
             (- 1575A a b + 875B a b )e + (- 2205A b + 1925B a b )d e
--R
--R
                 4 2 2
--R
             980B b d e
--R
--R
             3
--R
            x
--R
--R.
                    2 2 3 4 3 2 2 3
             (- 504A a b + 280B a b)e + (- 3717A a b + 2289B a b )d e
--R
--R
--R
                               3 2 2
                                         4 3
--R
             (- 1449A b + 2457B a b )d e + 644B b d e
--R
--R
            2
--R
            x
```

```
--R
                 3 4 4 2 2 3 3
--R
--R
             (72A a b - 40B a )e + (- 1224A a b + 648B a b)d e
--R
                     3 2 2 2 2 4 3 3
--R
             (-2493A \ a \ b + 1929B \ a \ b ) d \ e + (-135A \ b + 1183B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
            60B b d
--R
--R
--R
--R
                      3 4 3
                                             2 2 3 2 2
--R
          - 24A a e + (168A a b - 16B a )d e + (- 864A a b + 272B a b)d e
--R
--R
--R
                 3 223
                                  4
                                              3 4
--R
          (-255A \ a \ b + 659B \ a \ b ) d \ e + (30A \ b + 30B \ a \ b ) d
--R
--R
         +----+
--R
         \|- a e + b d
--R /
             5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3
--R
--R
           60a b e - 300a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 300a b d e
--R
--R
             7 5 2
--R
           - 60b d e
--R
--R
--R
          x
--R.
             6 7 5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3 6 5 2
--R
--R
           120a b e - 480a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 480a b d e
--R
--R
               7 6
--R
          - 120b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                   6 6 5225 4334 3443
--R
            60a e - 60a b d e - 540a b d e + 1500a b d e - 1500a b d e
--R
--R
--R
             2552 66 77
--R
           540a b d e + 60a b d e - 60b d
--R
--R
           2
--R
          х
--R
              7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2 2 5 6
--R
--R
            120a d e - 480a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 480a b d e
```

```
--R
             6 7
--R
--R
           - 120a b d
--R
--R
--R
          7 2 5 6 3 4 5 2 4 3 4 3 5 2 3 4 6
--R
--R
         60a d e - 300a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 300a b d e
--R
           2 5 7
--R
--R
        - 60a b d
--R
--R
        +----+
--R
       \|- a e + b d \|e x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 918
--S 919 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
                 4 3 4 4 3 4
--R
--R
            ((945A b - 525B a b)e - 420B b d e)x
--R
--R
                      3 224 4
--R
               (1890A a b - 1050B a b )e + (1890A b - 1890B a b )d e
--R
--R
                    4 2 2
--R
              - 840B b d e
--R
--R
              3
--R
             x
--R
                    2 2 3 4 3 2 2 3
--R
--R
              (945A a b - 525B a b)e + (3780A a b - 2520B a b )d e
--R
                             3 2 2 4 3
--R
--R
               (945A b - 2205B a b )d e - 420B b d e
--R
--R
              2
--R.
              Х
--R
                    2 2 3 3 3 2 2 2 2 2
--R
              (1890A a b - 1050B a b)d e + (1890A a b - 1890B a b )d e
--R
--R
--R
                      3 3
--R
               - 840B a b d e
--R
```

```
--R
           x
--R
           22 3 22 223
--R
--R
          (945A a b - 525B a b)d e - 420B a b d e
--R
--R
          +----+
          l b +----+
--R
--R
          |- ----- \|e x + d
          \| a e - b d
--R
--R
--R
                        b +----+
--R
             (- 2a e + 2b d) |- ----- \|e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                    \| ae-bd
--R
--R
                               b x + a
--R
               4 3 4 4 3 4
--R
--R
        ((-1890A b + 1050B a b)e + 840B b d e)x
--R
                   3 2 2 4 4 3 3
--R
--R
           (-3150A \ a \ b + 1750B \ a \ b ) e + (-4410A \ b + 3850B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
               4 2 2
--R
           1960B b d e
--R
--R
--R
         x
--R
                 2 2 3 4 3 2 2 3
--R
--R
          (- 1008A a b + 560B a b)e + (- 7434A a b + 4578B a b )d e
--R
                          3 2 2 4 3
--R
          (- 2898A b + 4914B a b )d e + 1288B b d e
--R
--R
          2
--R
         X
--R
               3 4 4 2 2 3 3
--R
--R
          (144A a b - 80B a )e + (- 2448A a b + 1296B a b)d e
--R
--R
                   3 2 2 2 2 4 3 3
--R
           (-4986A \ a \ b + 3858B \ a \ b \ )d \ e \ + (-270A \ b \ + 2366B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
             4 4
           120B b d
--R
--R
--R
--R
            4 4 3 4 3 2 2 3 2 2
--R
```

```
--R
        - 48A a e + (336A a b - 32B a )d e + (- 1728A a b + 544B a b)d e
--R
--R
                3 223 4 34
--R
         (- 510A a b + 1318B a b )d e + (60A b + 60B a b )d
--R
--R
                       4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4
                5 2 7
--R
            120a b e - 600a b d e + 1200a b d e - 1200a b d e
--R
                 6 4 3 7 5 2
--R
            600a b d e  - 120b d e
--R
--R
--R
            4
--R
           x
--R
--R
               6 7 5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3
--R
             240a b e - 960a b d e + 1200a b d e - 1200a b d e
--R
                6 5 2 7 6
--R
--R
            960a b d e  - 240b d e
--R
--R
--R
           X
--R
--R
              77 6 6 5225 4334
--R
             120a e - 120a b d e - 1080a b d e + 3000a b d e
--R
                 3 4 4 3 2 5 5 2 6 6 7 7
--R
--R
             - 3000a b d e + 1080a b d e + 120a b d e - 120b d
--R
--R
            2
--R
           x
--R
               7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2
--R
--R
            240a d e - 960a b d e + 1200a b d e - 1200a b d e
--R
               2 5 6 6 7
--R
--R
            960a b d e - 240a b d
--R
--R
--R
            7 2 5 6 3 4 5 2 4 3 4 3 5 2 3 4 6
--R
--R
          120a d e - 600a b d e + 1200a b d e - 1200a b d e + 600a b d e
--R
--R
              2 5 7
--R
         - 120a b d
--R
--R
         +----+
--R
         \le x + d
--R
--R
```

```
4 3 4 4 3 4
--R
--R
           ((-945A b + 525B a b)e + 420B b d e)x
--R
                     3 2 2 4 4 3 3
--R
--R
              (- 1890A a b + 1050B a b )e + (- 1890A b + 1890B a b )d e
--R
--R
                  4 2 2
--R
             840B b d e
--R
--R
             3
--R
            x
--R
                   2 2 3 4 3 2 2 3
--R
             (- 945A a b + 525B a b)e + (- 3780A a b + 2520B a b )d e
--R
--R
                   4 3 2 2 4 3
--R
--R
             (- 945A b + 2205B a b )d e + 420B b d e
--R
--R
             2
--R
            X
--R
--R
                    2 2 3 3
--R
             (- 1890A a b + 1050B a b)d e
--R
                 3 2 2 2 2 3 3 3
--R
--R
              (- 1890A a b + 1890B a b )d e + 840B a b d e
--R
--R
            x
--R
                2 2 3 2 2 2 2 3
--R
--R
          (- 945A a b + 525B a b)d e + 420B a b d e
--R
--R
          | b +----+
                                b\|e x + d
--R
          |----- \| e x + d atan(-----)
--R
          \|a e - b d
                                   lъ
--R
                             (a e - b d) |----
--R
--R
                                    \|a e - b d
--R
              4 3 4 4 3 4
--R
--R
        ((-945A b + 525B a b)e + 420B b d e)x
--R
                                  4
                  3 224
--R
--R
           (- 1575A a b + 875B a b )e + (- 2205A b + 1925B a b )d e
--R
--R
              4 2 2
--R
          980B b d e
--R
--R
         3
```

```
--R
         x
--R
--R
                  2 2 3 4 3 2 2 3
--R
           (- 504A a b + 280B a b)e + (- 3717A a b + 2289B a b )d e
--R
--R
                            3 2 2
                                      4 3
--R
          (- 1449A b + 2457B a b )d e + 644B b d e
--R
--R
          2
--R
          x
--R
--R
                     4 4
                                   2 2
           (72A a b - 40B a )e + (- 1224A a b + 648B a b)d e
--R
--R
--R
                    3 2222
--R
           (- 2493A a b + 1929B a b )d e + (- 135A b + 1183B a b )d e
--R
--R
              4 4
--R
            60B b d
--R
--R
--R
--R
            4 4 3 4 3 2 2 3 2 2
         - 24A a e + (168A a b - 16B a )d e + (- 864A a b + 272B a b)d e
--R
--R
            3 223 4 34
--R
--R
         (-255A \ a \ b + 659B \ a \ b ) d \ e + (30A \ b + 30B \ a \ b ) d
--R
--R
               5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3
--R
             60a b e - 300a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 300a b d e
--R
--R
                7 5 2
--R
            - 60b d e
--R
--R
--R
           x
--R
--R
               6 7 5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3 6 5 2
             120a b e - 480a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 480a b d e
--R
--R
--R
                7 6
--R
             - 120b d e
--R
--R
            3
--R
            x
--R
              77 6 6 5225 4334 3443
--R
--R
             60a e - 60a b d e - 540a b d e + 1500a b d e - 1500a b d e
--R
--R
               2 5 5 2 6 6 7 7
```

```
--R
             540a b d e + 60a b d e - 60b d
--R
--R
             2
--R
            x
--R
               7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2 2 5 6
--R
--R
             120a d e - 480a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 480a b d e
--R
--R
                  6 7
             - 120a b d
--R
--R
--R
--R
            7 2 5 6 3 4 5 2 4 3 4 3 5 2 3 4 6
--R
--R
          60a d e - 300a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 300a b d e
--R
--R
             2 5 7
          - 60a b d
--R
--R
--R
         +----+
--R
         \ | e x + d
--R
      ]
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 919
--S 920 of 1293
m0:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
              2 2 +----- b
--R
--R
         ((63A b - 35B a b)e - 28B b d e) = a e + b d = -----
--R
                                             \| a e - b d
--R
--R
                        l b +----+
--R
            (- 2a e + 2b d) |- ----- \| e x + d + b e x - a e + 2b d
--R
--R
                    \| ae-bd
--R
         log(-----)
--R
                                bx + a
--R
--R.
                                            +-+ +----+
--R
                      2 2 +-+
                                           \b \leq x + d
       ((-126A b + 70B a b)e + 56B b d e) | b atanh(-----)
--R
                                            +----+
--R
--R
                                           \ |-ae+bd
--R /
               4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
         5 5
--R
       (8a e - 40a b d e + 80a b d e - 80a b d e + 40a b d e - 8b d )
```

```
--R
--R
--R
        \|- a e + b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 920
--S 921 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 921
--S 922 of 1293
m0:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                                               +-+ +----+
              2 2 +-+ \|b \|e x + d
--R
--R
        ((-63A b + 35B a b)e + 28B b d e) | b atanh(-----)
                                               +----+
--R
--R
                                              \|- a e + b d
--R
--R
                2 2 +----- b
--R
--R
          ((-63A b + 35B a b)e + 28B b d e) | -a e + b d | -----
--R
                                                   \|a e - b d
--R
--R
                    +----+
--R
                  b \le x + d
--R
--R
--R
                      l b
             (a e - b d) |-----
--R
                      \|a e - b d
--R
--R /
          5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
        (4a e - 20a b d e + 40a b d e - 40a b d e + 20a b d e - 4b d )
--R
--R
        +----+
--R.
        \|- a e + b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 922
--S 923 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R
            (7) 0
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 923
)clear all
--S 924 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+b*x)
--R
--R
--R
               (1)
                                                                                                                                                     2 +----+
--R
                         2 3
                                                                                  2
                                                                                                                             2
               (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) \ b x + a \ e x + d
--R
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 924
--S 925 of 1293
r0:=-1/48*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*_
             (d+e*x)^{(3/2)}/(b^3*e)-1/40*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*_
             (a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(5/2)/(b^2*e)+1/5*B*(a+b*x)^(3/2)*_
             (d+e*x)^{(7/2)}/(b*e)+1/128*(b*d-a*e)^{4}*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*_
             atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(9/2)*e^(5/2))-_
             1/64*(b*d-a*e)^2*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*_
             sqrt(d+e*x)/(b^4*e)-1/128*(b*d-a*e)^3*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*_
             sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^4*e^2)
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                                      5 5
                                                                                                                       3 2
--R.
                                    (-150A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (600A \ a \ b - 375B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                           2 3
                                                                                     3 2 2 3
                                                                                                                                          4
                                                                                                                                                                       2 3 3 2
--R
                                    (-900A \ a \ b + 450B \ a \ b ) d \ e + (600A \ a \ b - 150B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                                          5
                                                                                      4 4
                                    (-150A b - 75B a b) d e + 45B b d
--R
--R
--R
                                                +-+ +----+
--R
                                              atanh(-----)
--R
                                                +-+ +----+
--R
--R
                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
--R.
                                                  4 4 4
                                                                                          4
                                                                                                                     3 4
                                                                                                                                                         4 3 3
                                   384B b e x + ((480A b + 48B a b)e + 1008B b d e)x
--R
--R
--R
                                                                                              2 2 4
--R
                                                   (80A \ a \ b - 56B \ a \ b ) e + (1360A \ b + 176B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                                                  4 2 2
```

```
--R
                  744B b d e
--R
--R
               2
--R
               X
--R
                         2 2 3 4
                                                             2 2
--R
--R
                (-100A a b + 70B a b)e + (360A a b - 222B a b )d e
--R
--R
                                   3 2 2
                 (1180A b + 218B a b)d e + 30B b d e
--R
--R
--R
--R
--R
                                            2 2
--R
             (150A \ a \ b - 105B \ a \ ) e + (-550A \ a \ b + 340B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                              2 2 2 2
                                               4
                                                        3 3
             (730A a b - 346B a b )d e + (150A b + 60B a b )d e - 45B b d
--R
--R
            +-+ +-+ +----+
--R
--R
           --R /
--R
            4 2 +-+ +-+
--R
       1920b e \|b \|e
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 925
--S 926 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 926
--S 927 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 927
--S 928 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 928
)clear all
--S 929 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x)
--R
--R
                                      +----+
--R
--R
    (1) (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus |b x + a \setminus |e x + d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 929
```

```
--S 930 of 1293
r0:=-1/24*(3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*e)+_
             1/4*B*(a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(5/2)/(b*e)+1/64*(b*d-a*e)^3*_
             (3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
             (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(7/2)*e^(5/2))-1/32*(b*d-a*e)*_
             (3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e)-_
             1/64*(b*d-a*e)^2*(3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*_
             sqrt(d+e*x)/(b^3*e^2)
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                                                                                    2 2
--R
                                     (24A \ a \ b - 15B \ a \ )e + (-72A \ a \ b + 36B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                               2 2 2 2
                                                                                                                                                          3 3
                                                                                                                             4
--R
                                     (72A a b - 18B a b )d e + (- 24A b - 12B a b )d e + 9B b d
--R.
--R
                                                 +-+ +----+
--R
                                              atanh(-----)
--R
                                                 +-+ +----+
--R
--R
                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                 3 3 3 2 3 3 2 2
--R
                                    48B b e x + ((64A b + 8B a b)e + 72B b d e)x
--R
--R
--R
                                     ((16A a b - 10B a b)e + (112A b + 20B a b )d e + 6B b d e)x
--R
--R.
                                                                         3 3 2
                                                                                                                                                 2
                                                         2
                                     (-24A \ a \ b + 15B \ a \ )e + (64A \ a \ b - 31B \ a \ b)d \ e
--R.
--R
--R
                                                                             2 2
                                                                                                         3 3
--R
                                     (24A b + 9B a b)d e - 9B b d
--R
                                 +-+ +-+ +----+
--R
--R
                               --R /
                               3 2 +-+ +-+
--R
--R
                     192b e \|b \|e
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 930
--S 931 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 931
--S 932 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 932
```

```
--S 933 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 933
)clear all
--S 934 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
                                                             +----+
--R
                 (1) (B x + A) \setminus |b x + a \setminus |e x + d
--R
                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 934
--S 935 of 1293
r0:=1/3*B*(a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(3/2)/(b*e)-1/8*(b*d-a*e)^2*_
               (2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
               (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(5/2)*e^(5/2))+1/4*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*_
               (a+b*x)^{(3/2)}*sqrt(d+e*x)/(b^2*e)+1/8*(b*d-a*e)*_
               (2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e^2)
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                                                            3 3
--R
                                         (-6A \ a \ b + 3B \ a ) e + (12A \ a \ b - 3B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                                                                                         2 2
                                                                                                                          3 3
--R
                                          (-6A b - 3B a b)d e + 3B b d
--R
                                                       +-+ +----+
--R
--R
                                                    --R
                                   atanh(-----)
--R
                                                       +-+ +----+
--R
                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                     2 2 2
                                                                                                2
                                                                                                                                2
                                                                                                                                                           2
                                         8B b e x + ((12A b + 2B a b)e + 2B b d e)x + (6A a b - 3B a )e
--R
--R
--R
                                         (6A b + 2B a b)d e - 3B b d
--R
--R.
--R
                                      +-+ +-+ +----+
                                  --R
--R /
--R
                                2 2 +-+ +-+
--R
                        24b e \|b \|e
--R
                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 935
```

```
--S 936 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 936
--S 937 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 937
--S 938 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 938
)clear all
--S 939 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
                    +----+
--R
           (B x + A) \setminus |b x + a|
--R
     (1) -----
--R
               +----+
--R
               \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 939
--S 940 of 1293
r0:=1/4*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-4*A*b*e+a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
     (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(3/2)*e^(5/2))+1/2*B*(a+b*x)^(3/2)*_
     sqrt(d+e*x)/(b*e)-1/4*(3*b*B*d-4*A*b*e+a*B*e)*_
     sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b*e^2)
--R
--R
--R
      (2)
                         2 2
--R
                                     2
           ((4A \ a \ b - B \ a \ )e + (-4A \ b - 2B \ a \ b)d \ e + 3B \ b \ d )
--R
--R
                  +-+ +----+
--R
--R
                 atanh(-----)
--R
--R
                  +-+ +----+
--R.
                 --R
                                            +-+ +-+ +-----+
--R
          (2B b e x + (4A b + B a)e - 3B b d)\|b \|e \|b x + a \|e x + d
--R
--R /
--R
           2 +-+ +-+
--R
        4b e \|b \|e
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
```

```
--E 940
--S 941 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 941
--S 942 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 942
--S 943 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 943
)clear all
--S 944 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
                                                                    +----+
--R
                                  (B x + A) \setminus |b x + a
                   (1) -----
--R
--R
                                                +----+
--R
                                    (e x + d) | e x + d
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 944
--S 945 of 1293
r0:=-(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
                 (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(e^(5/2)*sqrt(b))-2*(B*d-A*e)*_
                 (a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))+(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*_
                 sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(e^2*(b*d-a*e))
--R
--R
--R
                    (2)
--R
                                                                                                                                                                        +-+ +----+
                                                                                                                   +----+
                                                                                                                                                                    --R
                                  ((2A b + B a)e - 3B b d) | e x + d atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                        +-+ +-----
 --R
 --R
                                                                                                                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
--R.
                                                                                                         +-+ +-+ +----+
--R
                                  (B e x - 2A e + 3B d) \setminus |b \setminus |e \setminus |b x + a
--R /
                             2 +-+ +-+ +----+
--R
--R
                           e \mid b \mid e \mid x + d
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 945
```

```
--S 946 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 946
--S 947 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 947
--S 948 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--Е 948
)clear all
--S 949 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
                                                                                                                                                 +----+
--R
                                                                                             (B x + A) \setminus |b x + a|
--R
--R
                                                                                                                                                            2 +----+
                                                                 2 2
                                                          (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--Е 949
--S 950 of 1293
r0:=-2/3*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2))+_
                           2*B*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))*sqrt(b)/e^(5/2)-\_
                           2*B*sqrt(a+b*x)/(e^2*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                                (2)
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     2 +-+ +----+
--R
                                                                 ((6B \ a \ e \ - \ 6B \ b \ d \ e)x + 6B \ a \ d \ e \ - \ 6B \ b \ d \ ) \setminus |b \ |e \ x + d
--R
--R
                                                                                                      +-+ +----+
--R
                                                                                                 atanh(-----)
--R
                                                                                                      +-+ +----+
--R
--R
                                                                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R.
                                                                                                                                                                 2
                                                                                                                                                                                                                                                                                              2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               2 +-+
--R
                                                                 (((-2A b - 6B a)e + 8B b d e)x - 2A a e - 4B a d e + 6B b d)|e
--R
                                                                      +----+
--R
--R
                                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                                                                                                                                                                                                                            2 2 +-+ +----+
                                                                                                                                3
                                                                                                                                                                3
                                            ((3a e - 3b d e)x + 3a d e - 3b d e)||e||e|x + d
--R
```

```
--R
                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 950
--S 951 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 951
--S 952 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 952
--S 953 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 953
)clear all
--S 954 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
                                                                                                       +----+
--R
                                                                       (B x + A) \setminus |b x + a
--R
                   (1) -----
                                      3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
                                    (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 954
--S 955 of 1293
r0:=-2/5*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2))+_
                 2/15*(3*b*B*d+2*A*b*e-5*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
                   (2)
--R
                                                        2
                                      ((4A b - 10B a b)e + 6B b d)x
--R
--R
--R
                                      ((-2A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (10A \ b + 2B \ a \ b)d)x - 6A \ a \ e
--R
 --R
 --R
--R
                                     (10A a b - 4B a )d
--R
                                  +----+
--R
--R
                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                               2 4
                                                                                  3 2 2 2 2 2 3 2 2 3 3
--R
                                     (15a e - 30a b d e + 15b d e )x + (30a d e - 60a b d e + 30b d e)x
--R
```

```
2 2 2 3 2 4
--R
--R
                            15a d e - 30a b d e + 15b d
--R
                         +----+
--R
--R
                        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 955
--S 956 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
              (3)
--R
                                                                            3
                                ((4A b - 10B a b)d e + 6B b d)x
--R
--R
--R.
                                                                              2 3
                                                                                                     2
                                                                                                                                      4 2 3
--R
                                 ((- 2A a b - 10B a )d e + (10A b + 2B a b)d )x - 6A a d e
--R
--R
--R
                                 (10A a b - 4B a )d
--R
--R
                              +----+
--R
                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                          2 3 4 2 2 2 3 3 3
--R
--R
                         ((-3A a d - 3A a)e + ((5A a b - 2B a)d + (5A a b - 2B a)d)e)x
--R
                                                        2 2 3 3
--R
--R
                                      (- 9A a d - 9A a d)e
--R
                                                                              2 3 2 3 2 2
--R
--R
                                       ((15A \ a \ b - 6B \ a \ )d + (15A \ a \ b - 6B \ a \ )d )e
--R
--R
                              2
--R
                           x
--R
                                                                                                                               2 4
                                         23 322
--R
                                                                                                                                                             2
--R
                        ((-9A \ ad \ -9A \ ad) \ e \ + ((15A \ ab \ -6B \ a)d \ + (15A \ ab \ -6B \ a)d) \ e)x
--R
                                                                                                                   2 5 2 3 4
--R
                                      2 4
                                                           3 3
                         (-3A \ a \ d \ -3A \ a \ d \ ) e + (5A \ a \ b \ -2B \ a \ ) d + (5A \ a \ b \ -2B \ a \ ) d
--R
--R /
                                  2 3 5
                                                                   4 4
--R.
                                                                                        2533
--R
                         (15a d e - 30a b d e + 15b d e)x
--R
                                 2 4 4 5 3 2 6 2 2 2 5 3 6 2 2 7
--R
                        (45a d e - 90a b d e + 45b d e )x + (45a d e - 90a b d e + 45b d e)x
--R
--R
--R
                          262 7 28
```

```
--R
        15a d e - 30a b d e + 15b d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 956
--S 957 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
                                      2 2 2
--R
--R
        (-3A a d - 3A a)e + (5A a b - 2B a)d + (5A a b - 2B a)d
   (4) -----
--R
                       2 3 2 4
--R
                     15a d e - 30a b d e + 15b d
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 957
--S 958 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 958
)clear all
--S 959 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(9/2)
--R
--R
--R
                              +----+
--R
                      (B x + A) \setminus |b x + a|
--R
   (1) -----
         4 4 3 3 2 2 2 3 4 +-----
--R
--R
        (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) | e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 959
--S 960 of 1293
r0:=-2/7*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(7/2))+_
    2/35*(3*b*B*d+4*A*b*e-7*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/_
    (e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2))+4/105*b*(3*b*B*d+4*A*b*e-7*a*B*e)*_
    (a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(3/2))
--R.
--R
--R
    (2)
--R
               3 2 2 3 3
--R
         ((-16A b + 28B a b)e - 12B b d e)x
--R
--R
                2 2 2
                                   3
                                             2 3 2 2
```

```
--R
                             ((8A \ a \ b \ - 14B \ a \ b)e \ + (-56A \ b \ + 104B \ a \ b)d \ e \ - 42B \ b \ d)x
--R
--R
                                                        2 3 2 2 2
--R
                                       (-6A \ a \ b \ -42B \ a \ )e \ + (28A \ a \ b \ +104B \ a \ b)d \ e
--R
                                                      3
--R
                                                                                2 2
--R
                                   (- 70A b - 14B a b )d
--R
--R
--R
--R
                                          3 2 2 3
                            - 30A a e + (84A a b - 12B a )d e + (- 70A a b + 28B a b)d
--R
--R
                          +----+
--R
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                        3 6
                                                           2 5 224 3333
--R
                            (105a e - 315a b d e + 315a b d e - 105b d e )x
--R
                                      3 5 2 2 4 2 3 3 3 4 2 2
--R
--R
                             (315a d e - 945a b d e + 945a b d e - 315b d e)x
--R
--R
                                         3 2 4 2 3 3 2 4 2
                                                                                                                                      3 5 3 3 3
--R
                            (315a d e - 945a b d e + 945a b d e - 315b d e)x + 105a d e
--R
--R
                                      2 4 2 2 5 3 6
--R
                             - 315a b d e + 315a b d e - 105b d
--R
--R
                        \label{eq:lemma_def} \
--R.
--R
                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 960
--S 961 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
              (3)
                                                      3
--R
                                                                               2 4 2
                                                                                                           3 5 3
--R
                                ((-16A b + 28B a b) d e - 12B b d e)x
--R
                                                                                                                                                2 5 3 6 2
--R
                                                   2
                                                                  2 4 2
                                                                                                                   3
--R.
                                 ((8A a b - 14B a b)d e + (- 56A b + 104B a b )d e - 42B b d )x
--R
                                                                                                             2
--R
                                                             2
                                                                          3 4 2
                                            (-6A \ a \ b - 42B \ a \ )d \ e + (28A \ a \ b + 104B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                                            (- 70A b - 14B a b )d
--R
--R
```

```
--R
                                   x
--R
                                   3 4 2 2 3 5 2 2 6
--R
--R
                                  - 30A a d e + (84A a b - 12B a )d e + (- 70A a b + 28B a b)d
--R
--R
                               +----+
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                              3 4 6
--R
--R
                                (15A a d + 15A a )e
--R
--R
                                                       2
                                                                          3 2
                                                                                                                  3
                                 ((-42A \ a \ b + 6B \ a \ )d + (-42A \ a \ b + 6B \ a \ )d)e
--R
--R
--R
                                                      2 2 3 2 2 3 2 4
--R
                                ((35A a b - 14B a b)d + (35A a b - 14B a b)d )e
--R
--R
                               4
--R
                              X
--R
                                              3 2 4 5
--R
--R
                                (60A a d + 60A a d)e
--R
                                                        2 3 3 3 4 2 4
--R
--R
                                 ((-168A \ a \ b + 24B \ a \ )d + (-168A \ a \ b + 24B \ a \ )d )e
--R
                                                           2 2 4 2 2
--R
--R
                                  ((140A \ a \ b - 56B \ a \ b)d + (140A \ a \ b - 56B \ a \ b)d)e
--R
--R
                                3
--R
                             x
--R
                                               3 3 4 2 4
--R
--R
                                (90A a d + 90A a d )e
--R
                                                        2 3 4
                                                                                                           3 4 3 3
--R
                                 ((-252A \ a \ b + 36B \ a \ )d + (-252A \ a \ b + 36B \ a \ )d )e
--R
--R
                                                        2 2 5
                                                                                                                   2 2 3 4 2
--R
--R
                                  ((210A \ a \ b - 84B \ a \ b)d + (210A \ a \ b - 84B \ a \ b)d)e
--R
--R
                               2
--R.
                             x
--R
                                              3 4 4 3 3
--R
                                (60A a d + 60A a d )e
--R
--R
--R
                                                        2 3 5
                                                                                                               3 4 4 2
                                 ((-168A \ a \ b + 24B \ a \ )d + (-168A \ a \ b + 24B \ a \ )d )e
--R
--R
```

```
2 2 6 2 2 3 5
--R
--R
           ((140A \ a \ b \ - 56B \ a \ b)d \ + (140A \ a \ b \ - 56B \ a \ b)d )e
--R
--R
--R
--R
            3 5
                   4 4 2
--R
       (15A a d + 15A a d )e
--R
              2 36 3 45 2 27
--R
       ((- 42A a b + 6B a )d + (- 42A a b + 6B a )d )e + (35A a b - 14B a b)d
--R
--R
--R
                    3 6
            2 2
--R
        (35A a b - 14B a b)d
--R /
--R
           3 4 7 2 5 6
                               265 374 4
--R
        (105a d e - 315a b d e + 315a b d e - 105b d e )x
--R
--R
           3 5 6
                   2 6 5
                                   274 3833
--R
        (420a d e - 1260a b d e + 1260a b d e - 420b d e )x
--R
--R
                   2 74
                                    2 8 3
--R
      (630a d e - 1890a b d e + 1890a b d e - 630b d e )x
--R
--R
            3 7 4 2 8 3 2 9 2 3 10 3 8 3
--R
       (420a d e - 1260a b d e + 1260a b d e - 420b d e)x + 105a d e
--R
--R
             2 9 2 2 10
                                    3 11
--R
        - 315a b d e + 315a b d e - 105b d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 961
--S 962 of 1293 ok to fail, differs by a constant
--R
--R
--R (4)
--R
                                 2
                                       3 2
       (15A a d + 15A a )e + ((- 42A a b + 6B a )d + (- 42A a b + 6B a )d)e
--R
--R
--R
                                2 2
       (35A \ a \ b - 14B \ a \ b)d + (35A \ a \ b - 14B \ a \ b)d
--R
--R /
--R
        3 4 3 2 5 2
                               2 6 3 7
--R
      105a d e - 315a b d e + 315a b d e - 105b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 962
--S 963 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 963
)clear all
--S 964 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(11/2)
--R
--R
--R
                                      +----+
--R
                             (B x + A) \setminus |b x + a|
--R
          5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +-----+
--R
--R
         (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d )\|e x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 964
--S 965 of 1293
r0:=-2/9*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(9/2))+_
    2/21*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/_
    (e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2))+8/105*b*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*_
    (a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2))+16/315*b^2*_
    (b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
     (2)
                4 3 3 4 2 4
--R
--R.
          ((32A b - 48B a b)e + 16B b d e)x
--R
                   3 223 4 3 2 423
--R
--R
          ((- 16A a b + 24B a b )e + (144A b - 224B a b )d e + 72B b d e)x
--R
                   2 2 3 3
--R
                                            3
                                                     2 2 2
              (12A \ a \ b - 18B \ a \ b)e + (-72A \ a \ b + 114B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                              3 2
              (252A b - 414B a b )d e + 126B b d
--R
--R
--R
--R
            x
--R.
--R
                     3 4 3 2 2 3
--R
              (-10A \ a \ b - 90B \ a ) e + (54A \ a \ b + 334B \ a \ b) d \ e
--R
                      3 2 2 2 4 3 3
--R
--R
              (-126A \ a \ b \ -414B \ a \ b \ ) d \ e \ + (210A \ b \ +42B \ a \ b \ ) d
--R
--R
            x
```

```
--R
                                   4 3 3 4 2
                                                                                                                             2 2 3 2
--R
--R
                              -70A a e + (270A a b -20B a )d e + (-378A a b + 72B a b)d e
--R
--R
                                                3 223
--R
                            (210A a b - 84B a b )d
--R
--R
                          +----+
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                                             3 7 2 2 2 6 3 3 5 4 4 4 4
                                       4 8
--R
                              (315a e - 1260a b d e + 1890a b d e - 1260a b d e + 315b d e)x
--R
                                                                                      3 2 6 2 2 3 5 3 4 4
--R
--R
                                            1260a d e - 5040a b d e + 7560a b d e - 5040a b d e
--R
--R
                                                         4 5 3
                                            1260b d e
--R
--R
--R
                                   3
--R
                                  x
--R
--R
                                                         4 2 6
                                                                           3 3 5 2 2 4 4 3 5 3
--R
                                            1890a d e - 7560a b d e + 11340a b d e - 7560a b d e
--R
--R
                                                         4 6 2
--R
                                             1890b d e
--R
--R
                                    2
--R
                                  x
--R
                                             4 3 5 3 4 4 2 2 5 3 3 6 2 4 7
--R
--R
                              (1260a d e - 5040a b d e + 7560a b d e - 5040a b d e + 1260b d e)x
--R
                                                              3 5 3
--R
                                                                                                        2 2 6 2
                                                                                                                                                     3 7
                             315a d e - 1260a b d e + 1890a b d e - 1260a b d e + 315b d
--R
--R
                          +----+
--R
--R
                        \leq x + d
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 965
--S 966 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                                                3 5 3 4 6 2 4
                                ((96A b - 144B a b )d e + 48B b d e )x
--R
--R
```

```
3 2 2 5 3 4 3 6 2
--R
                                          (-48A a b + 72B a b )d e + (432A b - 672B a b )d e
--R
--R
--R
                                                      4 7
                                        216B b d e
--R
--R
--R
                                        3
--R
                                   x
--R
                                                       2 2 3 5 3
                                                                                                                                  3
--R
                                         (36A a b - 54B a b)d e + (- 216A a b + 342B a b )d e
--R
--R
                                                                        3 7
--R
                                          (756A b - 1242B a b )d e + 378B b d
--R
--R
--R
                                        2
--R
                                     x
--R
                                                           3 4 5 3 2 2 3 6 2
--R
                                          (- 30A a b - 270B a )d e + (162A a b + 1002B a b)d e
--R
--R
                                                                 3 227 4 38
--R
--R
                                           (-378A \ a \ b \ -1242B \ a \ b \ ) d \ e \ + (630A \ b \ +126B \ a \ b \ ) d
--R
--R
--R
                                                 453 3 462
--R
--R
                                 - 210A a d e + (810A a b - 60B a )d e
--R
                                                      2 2 3 7 3 2 2 8
--R
--R
                                  (-1134A \ a \ b + 216B \ a \ b)d \ e + (630A \ a \ b - 252B \ a \ b)d
--R
--R
                              +----+
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                 4 5 8
--R
--R
                               (- 35A a d - 315A a )e
--R
                                                                 4 2
--R
                                                  3
                                ((135A \ a \ b - 10B \ a \ )d + (1215A \ a \ b - 90B \ a \ )d)e
--R
--R
--R
                                                      2 2 3 3
                                                                                                                             3 2 4 2 6
--R
                                ((-189A \ a \ b + 36B \ a \ b)d + (-1701A \ a \ b + 324B \ a \ b)d)e
--R
                                                      3 224 23 3235
--R
                                ((105A \ a \ b - 42B \ a \ b \ )d + (945A \ a \ b - 378B \ a \ b \ )d )e
--R
--R
--R
                            5
--R
                            x
--R
```

```
4 2 5 7
--R
            (- 175A a d - 1575A a d)e
--R
--R
                      4 3
                                      4 5 2 6
--R
                  3
--R
           ((675A \ a \ b - 50B \ a \ )d + (6075A \ a \ b - 450B \ a \ )d )e
--R
                   2 2 3 4
                                            3 2 4 3 5
--R
           ((-945A \ a \ b + 180B \ a \ b)d + (-8505A \ a \ b + 1620B \ a \ b)d)e
--R
--R
                   3
                           225
--R
                                         2 3
                                                    3 2 4 4
--R
            ((525A \ a \ b \ - 210B \ a \ b \ )d \ + (4725A \ a \ b \ - 1890B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
--R
          X
--R
--R
                  4 3 5 2 6
--R
           (- 350A a d - 3150A a d )e
--R
                                      4 5 3 5
--R
                       4 4
           ((1350A \ a \ b - 100B \ a \ )d + (12150A \ a \ b - 900B \ a \ )d )e
--R
--R
                    2 2 3 5 3 2 4 4 4
--R
--R
           ((-1890A \ a \ b + 360B \ a \ b)d + (-17010A \ a \ b + 3240B \ a \ b)d)e
--R
                    3 226
                                      2 3 3 2 5 3
--R
           ((1050A \ a \ b - 420B \ a \ b ) d + (9450A \ a \ b - 3780B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R
          3
--R
          x
--R
                   4 4 5 3 5
--R
          (- 350A a d - 3150A a d )e
--R
--R
                  3 4 5 4 5 4 4
--R
--R
           ((1350A \ a \ b - 100B \ a \ )d + (12150A \ a \ b - 900B \ a \ )d )e
--R
                                              3 2 4 5 3
--R
                    2 2 3 6
           ((-1890A \ a \ b + 360B \ a \ b)d + (-17010A \ a \ b + 3240B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                            227
                                           2 3
           ((1050A a b - 420B a b )d + (9450A a b - 3780B a b )d )e
--R
--R
--R
           2
--R
          x
--R
                  4 5 5 4 4
--R
--R
           (- 175A a d - 1575A a d )e
--R
                  3 4 6 4 5 5 3
--R
            ((675A \ a \ b - 50B \ a \ )d + (6075A \ a \ b - 450B \ a \ )d )e
--R
```

```
--R
               2 2 3 7 3 2 4 6 2
--R
--R
         ((-945A \ a \ b + 180B \ a \ b)d + (-8505A \ a \ b + 1620B \ a \ b)d)e
--R
                 3 228 23 327
--R
         ((525A a b - 210B a b )d + (4725A a b - 1890B a b )d )e
--R
--R
--R
--R
            4 6 5 5 3
--R
--R
       (- 35A a d - 315A a d )e
--R
                  4 7 4 5 6 2
--R
       ((135A \ a \ b - 10B \ a \ )d + (1215A \ a \ b - 90B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
              2 2 3 8
                                    3 2 4 7
--R.
       ((-189A \ a \ b + 36B \ a \ b)d + (-1701A \ a \ b + 324B \ a \ b)d)e
--R
--R
             3 229 23 328
       (105A \ a \ b - 42B \ a \ b \ )d + (945A \ a \ b - 378B \ a \ b \ )d
--R
--R /
          459 3 68 2277 386 4955
--R
--R
       (945a d e - 3780a b d e + 5670a b d e - 3780a b d e + 945b d e )x
--R
            4 6 8 3 7 7 2 2 8 6 3 9 5
--R
--R
          4725a d e - 18900a b d e + 28350a b d e - 18900a b d e
--R
--R
            4 10 4
--R
          4725b d e
--R
--R
         4
--R
        x
--R
             477 386 2295 3104
--R
--R
          9450a d e - 37800a b d e + 56700a b d e - 37800a b d e
--R
--R
             4 11 3
--R
         9450b d e
--R
--R
         3
--R
         x
--R
--R
             486 395 22104 3113
--R
          9450a d e - 37800a b d e + 56700a b d e - 37800a b d e
--R
--R
              4 12 2
--R
         9450b d e
--R
--R
         2
--R
         x
```

```
--R
               4 9 5 3 10 4 2 2 11 3 3 12 2
--R
--R
            4725a d e - 18900a b d e + 28350a b d e - 18900a b d e
--R
--R
                 4 13
--R
            4725b d e
--R
--R
--R
--R
            4 10 4
                       3 11 3
                                       2 2 12 2
                                                       3 13
--R
         945a d e - 3780a b d e + 5670a b d e - 3780a b d e + 945b d
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 966
--S 967 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
--R
         (-35A \ a \ d - 315A \ a )e
--R
--R
                    4 2
                                 4
        ((135A \ a \ b - 10B \ a \ )d + (1215A \ a \ b - 90B \ a \ )d)e
--R
--R
                  2 2 3 3 3 2 4 2
--R
--R
       ((-189A \ a \ b + 36B \ a \ b)d + (-1701A \ a \ b + 324B \ a \ b)d)e
--R
--R
                     2 2 4
                                       2 3
                                                  3 2 3
--R
        (105A \ a \ b - 42B \ a \ b \ )d + (945A \ a \ b - 378B \ a \ b \ )d
--R /
          454 3 63 2272 38 49
--R
--R
       945a d e \, - 3780a b d e \, + 5670a b d e \, - 3780a b d e \, + 945b d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 967
--S 968 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 968
)clear all
--S 969 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(13/2)
--R
--R
```

```
--R
     (1)
--R
--R
                             (B x + A) \setminus |b x + a|
--R
      6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6 +----+
--R
--R
     (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d) | e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 969
--S 970 of 1293
r0:=-2/11*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(11/2))+_
    2/99*(3*b*B*d+8*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
    (d+e*x)^(9/2)+4/231*b*(3*b*B*d+8*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/_
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(7/2))+16/1155*b^2*_
    (3*b*B*d+8*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^4*_
    (d+e*x)^{(5/2)}+32/3465*b^3*(3*b*B*d+8*A*b*e-11*a*B*e)*_
    (a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(3/2))
--R.
--R
--R
     (2)
--R
                  5 4 4 5 3 5
          ((-256A b + 352B a b)e - 96B b d e)x
--R
--R
--R
                     4 234 5
              (128A \ a \ b \ - 176B \ a \ b \ ) e \ + (- 1408A \ b \ + 1984B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                     5 2 2
--R
              - 528B b d e
--R
--R.
             4
--R
            x
--R
                     2 3 3 2 4
--R
--R
              (-96A a b + 132B a b )e + (704A a b - 1004B a b )d e
--R
                                  4 2 2
--R
                      5
--R
              (-3168A b + 4620B a b) d e - 1188B b d e
--R
--R
             3
--R
            х
--R
                          4 4
--R
                   3 2
                                            2 3 3 2 3
              (80A \ a \ b \ - 110B \ a \ b)e \ + (- 528A \ a \ b \ + 756B \ a \ b \ )d \ e
--R.
--R.
                                          5 4 3
--R
                            2322
              (1584A a b - 2376B a b )d e + (- 3696A b + 5676B a b )d e
--R
--R
--R
              - 1386B b d
--R
--R
```

```
--R
--R
                             x
--R
                                                       4 5 4 3 2 4 3
--R
--R
                                   (- 70A a b - 770B a )e + (440A a b + 3700B a b)d e
--R
                                                          23 3222 4 233
--R
--R
                                  (- 1188A a b - 6864B a b )d e + (1848A a b + 5676B a b )d e
--R
                                                        5 4 4
--R
--R
                                 (- 2310A b - 462B a b )d
--R
--R
--R
--R
                                                                4 5 3 3 2 4 2 2
--R
                            -630A a e + (3080A a b -140B a )d e + (-5940A a b + 660B a b)d e
--R
--R
                                           2 3 3 2 3
                                                                                                                             4 234
--R
                            (5544A \ a \ b \ - 1188B \ a \ b \ ) d \ e \ + \ (- \ 2310A \ a \ b \ + 924B \ a \ b \ ) d
--R
--R
                        +----+
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                       5 10 4 9 3 2 2 8 2 3 3 7
--R
--R
                                    3465a e - 17325a b d e + 34650a b d e - 34650a b d e
--R
                                       446 555
--R
--R
                                 17325a b d e - 3465b d e
--R
--R
                                 5
--R
                                X
--R
                                                   5 9 4 28 3 2 3 7 2 3 4 6
--R
--R
                                  17325a d e - 86625a b d e + 173250a b d e - 173250a b d e
--R
                                                    4 5 5 5 6 4
--R
                                 86625a b d e - 17325b d e
--R
--R
--R
                                   4
--R
                                x
--R
                                                5 2 8 4 3 7 3 2 4 6 2 3 5 5
--R
--R.
                                    34650a d e - 173250a b d e + 346500a b d e - 346500a b d e
--R
                                                     4 6 4 5 7 3
--R
--R
                                 173250a b d e - 34650b d e
--R
--R
                                3
--R
                                x
--R
```

```
5 3 7 4 4 6 3 2 5 5 2 3 6 4
--R
--R
             34650a d e - 173250a b d e + 346500a b d e - 346500a b d e
--R
--R
                   4 7 3
                           582
--R
           173250a b d e - 34650b d e
--R
--R
--R
           x
--R
                 5 4 6 4 5 5
--R
                                         3 2 6 4
--R
            17325a d e - 86625a b d e + 173250a b d e - 173250a b d e
--R
                   4 8 2 5 9
--R
            86625a b d e - 17325b d e
--R
--R
--R
           X
--R
            5 5 5 4 6 4 3 2 7 3 2 3 8 2
--R
--R
         3465a d e - 17325a b d e + 34650a b d e - 34650a b d e
--R
--R
             4 9 5 10
--R
         17325a b d e - 3465b d
--R
        +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 970
--S 971 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
                  5 4 6 4 5 7 3 5
--R
--R
          ((-256A b + 352B a b) d e - 96B b d e) x
--R
                                         5
--R
                    4 2364
--R
              (128A a b - 176B a b )d e + (- 1408A b + 1984B a b )d e
--R
--R
                    5 8 2
--R
             - 528B b d e
--R
--R.
             4
--R
            x
--R
                    2 3 3 2 6 4
--R
                                             4
--R
              (- 96A a b + 132B a b )d e + (704A a b - 1004B a b )d e
--R
                     5 4 8 2 5 9
--R
--R
              (- 3168A b + 4620B a b )d e - 1188B b d e
```

```
--R
--R
                                      3
--R
                                   x
--R
                                                          3 2 4 6 4 2 3 3 2 7 3
--R
                                            (80A \ a \ b \ - 110B \ a \ b)d \ e \ + (- 528A \ a \ b \ + 756B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
--R
                                                                                       2 3 8 2
                                            (1584A \ a \ b \ - 2376B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 3696A \ b \ + 5676B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                                                              5 10
                                          - 1386B b d
--R
--R
--R
--R
                                    x
--R
--R
                                                            4 5 6 4 3 2 4 7 3
--R
                                          (- 70A a b - 770B a )d e + (440A a b + 3700B a b)d e
--R
                                                                 2 3 3 2 8 2
--R
--R
                                          (-1188A a b -6864B a b )d e + (1848A a b +5676B a b )d e
--R
--R
                                                                                             4 10
--R
                                          (- 2310A b - 462B a b )d
--R
--R
--R
                                                  5 6 4 4 5 7 3
--R
--R
                                  - 630A a d e + (3080A a b - 140B a )d e
--R
                                                         3 2 4 8 2 2 3 3 2 9
--R
--R
                                  (-5940A \ a \ b + 660B \ a \ b) d \ e + (5544A \ a \ b - 1188B \ a \ b \ ) d \ e
--R
                                                           4 2 3 10
--R
--R
                                (-2310A \ a \ b + 924B \ a \ b ) d
--R
--R
                               +----+
--R
                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                              6 10
--R
                                               5
                                (315A \ a \ d + 315A \ a )e
--R
--R
--R
                                                           4 5 2
                                                                                                                 5
                                ((-1540A \ a \ b + 70B \ a \ )d + (-1540A \ a \ b + 70B \ a \ )d)e
--R
--R
                                                    3 2 4 3
--R
                                                                                                                       4 2
                                                                                                                                               5 2 8
                                ((2970A \ a \ b - 330B \ a \ b)d + (2970A \ a \ b - 330B \ a \ b)d)e
--R
--R
                                                         23 324 33 4237
--R
                               ((- 2772A a b + 594B a b )d + (- 2772A a b + 594B a b )d )e
--R
```

```
--R
                  4 2 3 5 2 4 3 3 4 6
--R
--R
          ((1155A \ a \ b - 462B \ a \ b \ )d + (1155A \ a \ b - 462B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
         6
--R
         x
--R
                5 2 6 9
--R
          (1890A a d + 1890A a d)e
--R
--R
                        5 3 5 6 2 8
--R
          ((-9240A a b + 420B a)d + (-9240A a b + 420B a)d)e
--R
--R
--R
                        4 4
                                         4 2
          ((17820A a b - 1980B a b)d + (17820A a b - 1980B a b)d )e
--R
--R
--R
                   2 3 3 2 5
                                             3 3 4 2 4 6
          ((- 16632A a b + 3564B a b )d + (- 16632A a b + 3564B a b )d )e
--R
--R
                  4 236 24 3355
--R
--R
          ((6930A \ a \ b - 2772B \ a \ b ) d + (6930A \ a \ b - 2772B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
         5
--R
         x
--R
                5 3 6 2 8
--R
--R
          (4725A \ a \ d + 4725A \ a \ d )e
--R
                                      5 6 3 7
--R
                    4 5 4
--R
          ((-23100A a b + 1050B a)d + (-23100A a b + 1050B a)d)e
--R
                  3 2 4 5 4 2 5 4 6
--R
--R
          ((44550A \ a \ b - 4950B \ a \ b)d + (44550A \ a \ b - 4950B \ a \ b)d)e
--R
                   2 3 3 2 6
                                              3 3 4 2 5 5
--R
          ((- 41580A a b + 8910B a b )d + (- 41580A a b + 8910B a b )d )e
--R
--R
--R
                        237
                                          2 4 3 3 6 4
          ((17325A \ a \ b - 6930B \ a \ b ) d + (17325A \ a \ b - 6930B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R
          4
--R
         х
--R
--R
                5 4 6 3 7
          (6300A a d + 6300A a d )e
--R
--R
                 4 5 5
--R
--R
          ((-30800A \ a \ b + 1400B \ a \ )d + (-30800A \ a \ b + 1400B \ a \ )d )e
--R
--R
                   3 2 4 6 4 2 5 5 5
```

```
--R
           ((59400A \ a \ b - 6600B \ a \ b)d + (59400A \ a \ b - 6600B \ a \ b)d)e
--R
                     23 327 33 4264
--R
--R
           ((- 55440A a b + 11880B a b )d + (- 55440A a b + 11880B a b )d )e
--R
                                            2 4 3 3 7 3
--R
                            2 3 8
--R
           ((23100A \ a \ b - 9240B \ a \ b ) d + (23100A \ a \ b - 9240B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R
         x
--R
                 5 5 6 4 6
--R
          (4725A \ a \ d + 4725A \ a \ d )e
--R
--R
                                       5 655
--R
                         5 6
--R
           ((-23100A a b + 1050B a)d + (-23100A a b + 1050B a)d)e
--R
--R
                  3 2
                         4 7
                                           4 2
           ((44550A \ a \ b - 4950B \ a \ b)d + (44550A \ a \ b - 4950B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                    2 3 3 2 8
                                           3 3 4 2 7 3
           ((- 41580A a b + 8910B a b )d + (- 41580A a b + 8910B a b )d )e
--R
--R
--R
                    4 239 24 3382
           ((17325A \ a \ b - 6930B \ a \ b ) d + (17325A \ a \ b - 6930B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R
          2
--R
         x
--R
                5 6 6 5 5
--R
          (1890A a d + 1890A a d )e
--R
--R
--R
                            5 7
--R
           ((-9240A \ a \ b + 420B \ a \ )d + (-9240A \ a \ b + 420B \ a \ )d )e
--R
                   3 2 4 8
                                           4 2 5 7 3
--R
--R
           ((17820A \ a \ b - 1980B \ a \ b)d + (17820A \ a \ b - 1980B \ a \ b)d)e
--R
                    2 3 3 2 9
                                                3 3 4 2 8 2
--R
--R
           ((-16632A \ a \ b + 3564B \ a \ b) d + (-16632A \ a \ b + 3564B \ a \ b) d) e
--R
--R
                        2 3 10
                                           2 4 3 3 9
--R
           ((6930A a b - 2772B a b )d + (6930A a b - 2772B a b )d )e
--R
--R
--R
            5 7 6 6 4
--R
--R
        (315A \ a \ d + 315A \ a \ d )e
--R
--R
                 4 5 8
                                 5 6 7 3
```

```
--R
       ((-1540A \ a \ b + 70B \ a \ )d + (-1540A \ a \ b + 70B \ a \ )d )e
--R
--R
             3 2 4 9 4 2 5 8 2
--R
       ((2970A \ a \ b - 330B \ a \ b)d + (2970A \ a \ b - 330B \ a \ b)d)e
--R
               2 3 3 2 10
                                        3 3 4 2 9
--R
      ((- 2772A a b + 594B a b )d + (- 2772A a b + 594B a b )d )e
--R
--R
              4 2 3 11 2 4 3 3 10
--R
        (1155A a b - 462B a b )d + (1155A a b - 462B a b )d
--R
--R /
             5 6 11 4 7 10 3 2 8 9 2 3 9 8
--R
          3465a d e - 17325a b d e + 34650a b d e - 34650a b d e
--R
--R
--R
               4 10 7 5 11 6
--R
         17325a b d e - 3465b d e
--R
--R
         6
--R
         X
--R
--R
              5 7 10 4 8 9 3 2 9 8 2 3 10 7
          20790a d e - 103950a b d e + 207900a b d e - 207900a b d e
--R
--R
--R
                4 11 6 5 12 5
          103950a b d e - 20790b d e
--R
--R
--R
         5
--R
         x
--R
              589 4 98 32107 23116
--R
--R
          51975a d e - 259875a b d e + 519750a b d e - 519750a b d e
--R
                4 12 5 5 13 4
--R
--R
          259875a b d e - 51975b d e
--R
--R
--R
         X
--R
              5 9 8 4 10 7 3 2 11 6 2 3 12 5
--R
--R
          69300a d e - 346500a b d e + 693000a b d e - 693000a b d e
--R
--R
                4 13 4 5 14 3
--R
          346500a b d e - 69300b d e
--R
--R
         3
--R
--R
              5 10 7 4 11 6 3 2 12 5 2 3 13 4
--R
         51975a d e - 259875a b d e + 519750a b d e - 519750a b d e
--R
--R
```

```
4 14 3 5 15 2
--R
--R
           259875a b d e - 51975b d e
--R
--R
           2
--R
          x
--R
                5 11 6 4 12 5 3 2 13 4 2 3 14 3
--R
--R
           20790a d e - 103950a b d e + 207900a b d e - 207900a b d e
--R
                  4 15 2 5 16
--R
--R
          103950a b d e - 20790b d e
--R
--R
--R
--R
           5 12 5 4 13 4 3 2 14 3 2 3 15 2
--R
        3465a\ d\ e\ -\ 17325a\ b\ d\ e\ +\ 34650a\ b\ d\ e\ -\ 34650a\ b\ d\ e
--R
             4 16 5 17
--R
        17325a b d e - 3465b d
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 971
--S 972 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
             5 6 4
--R
        (315A \ a \ d + 315A \ a )e
--R.
                      5 2
--R
        ((-1540A \ a \ b + 70B \ a \ )d + (-1540A \ a \ b + 70B \ a \ )d)e
--R
--R
               3 2 4 3 4 2 5 2 2
--R
--R
       ((2970A \ a \ b - 330B \ a \ b)d + (2970A \ a \ b - 330B \ a \ b)d)e
--R
                                           3 3 4 2 3
                2 3 3 2 4
--R
--R
       ((- 2772A a b + 594B a b )d + (- 2772A a b + 594B a b )d )e
--R
--R
                        2 3 5
                                       2 4
        (1155A \ a \ b - 462B \ a \ b \ )d + (1155A \ a \ b - 462B \ a \ b \ )d
--R
--R /
--R.
           5 6 5
                    4 7 4 3 2 8 3 2 3 9 2
        3465a d e - 17325a b d e + 34650a b d e - 34650a b d e
--R.
--R
--R
               4 10
                      5 11
        17325a b d e - 3465b d
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 972
```

```
--S 973 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 973
)clear all
--S 974 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(15/2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
--R
        (B x + A) \setminus |b x + a
--R /
--R
              7 7 6 6
                             255 344 433 522 6
--R
              e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x
--R
--R
              7
--R
             d
--R
--R
          +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 974
--S 975 of 1293
r0:=-2/13*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(13/2))+_
     2/143*(3*b*B*d+10*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_1
     (d+e*x)^{(11/2)}+16/1287*b*(3*b*B*d+10*A*b*e-13*a*B*e)*_
     (a+b*x)^{(3/2)}/(e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(9/2))+32/3003*b^2*_
     (3*b*B*d+10*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^4*_
     (d+e*x)^{(7/2)}+128/15015*b^3*(3*b*B*d+10*A*b*e-13*a*B*e)*_
     (a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(5/2))+_
     256/45045*b^4*(3*b*B*d+10*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/_
     (e*(b*d-a*e)^6*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
      (2)
--R.
                    6
                                 5 5
                                             6 4 6
--R.
            ((2560A b - 3328B a b)e + 768B b d e)x
--R
--R
                                      2 4 5
                                                        6
--R
                (-1280A \ a \ b + 1664B \ a \ b ) e + (16640A \ b - 22016B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                      6 2 3
               4992B b d e
--R
```

```
--R
--R
            5
--R
           х
--R
                   2 4 3 3 5 5
--R
                                                           2 4 4
             (960A \ a \ b \ - 1248B \ a \ b \ ) e \ + (- 8320A \ a \ b \ + 11104B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                               5 2 3
             (45760A b - 61984B a b) d e + 13728B b d e
--R
--R
--R
--R
           X
--R
--R
                    3 3 4 2 5 2 4 3 3 4
--R
            (-800A a b + 1040B a b )e + (6240A a b - 8352B a b )d e
--R
                                             6
--R
                             2 4 2 3
             (-22880A~a~b~+31616B~a~b~)d~e~+(68640A~b~-96096B~a~b~)d~e
--R
--R
--R
--R
             20592B b d e
--R
--R
            3
--R
           X
--R
                  4 2 5 5 3 3 4 2 4
--R
             (700A a b - 910B a b)e + (- 5200A a b + 6970B a b )d e
--R
--R
--R
                    2 4 3 3 2 3
--R
             (17160A \ a \ b \ - 23868B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 34320A \ a \ b \ + 49764B \ a \ b \ ) d \ e
--R
                    6 5 4 6 5
--R
--R
             (60060A b - 88374B a b )d e + 18018B b d
--R
--R
--R
           x
--R
                    5 6 5
--R
                                      4 2
             (- 630A a b - 8190B a )e + (4550A a b + 47950B a b)d e
--R
--R
--R
                      3 3
                             4 2 2 3
             (- 14300A a b - 115180B a b )d e
--R
--R.
                           3 3 3 2
--R
                    2 4
             (25740A \ a \ b + 142428B \ a \ b \ ) d \ e + (-30030A \ a \ b -88374B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
--R
             (30030A b + 6006B a b)d
--R
--R
           x
```

```
--R
                                6 5 5 6 4
--R
--R
                          -6930A a e + (40950A a b -1260B a )d e
--R
                                                 4 2 5 2 3 3 3 4 2 3 2
--R
                        (- 100100A a b + 7280B a b)d e + (128700A a b - 17160B a b )d e
--R
--R
--R
                                                                              3 3 4
                        (- 90090A a b + 20592B a b )d e + (30030A a b - 12012B a b )d
--R
--R
--R
--R
                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                                     5 11 4 2 2 10 3 3 3 9
--R
                                             6 12
--R
                                  45045a e - 270270a b d e + 675675a b d e - 900900a b d e
--R
--R
                                                 2 4 4 8
                                                                             5 5 7 6 6 6
--R
                                675675a b d e - 270270a b d e + 45045b d e
--R
--R
--R
                               x
--R
                                               6 11 5 2 10 4 2 3 9
--R
--R
                                   270270a d e - 1621620a b d e + 4054050a b d e
--R
                                                     3 3 4 8 2 4 5 7 5 6 6 6 7 5
--R
--R
                               - 5405400a b d e + 4054050a b d e - 1621620a b d e + 270270b d e
--R
--R
                                5
--R
                               x
--R
                                              6 2 10 5 3 9 4 2 4 8
--R
--R
                                    675675a d e - 4054050a b d e + 10135125a b d e
--R
                                                         3 3 5 7 2 4 6 6
--R
                                    - 13513500a b d e + 10135125a b d e - 4054050a b d e
--R
--R
--R
                                                6 8 4
--R
                                  675675b d e
--R
--R
--R
                               х
--R
--R
                                                6 3 9 5 4 8
                                                                                                                 4 2 5 7
--R
                                  900900a d e - 5405400a b d e + 13513500a b d e
--R
                                                     3 3 6 6 2 4 7 5 5 8 4
--R
--R
                                   - 18018000a b d e + 13513500a b d e - 5405400a b d e
--R
--R
                                                   6 9 3
```

```
--R
            900900b d e
--R
--R
           3
--R
          X
--R
                 6 4 8 5 5 7 4 2 6 6
--R
--R
           675675a d e - 4054050a b d e + 10135125a b d e
--R
                    3 3 7 5 2 4 8 4 5 9 3
--R
            - 13513500a b d e + 10135125a b d e - 4054050a b d e
--R
--R
--R
                6 10 2
           675675b d e
--R
--R
--R
           2
--R
          х
--R
--R
                 657 566 4275 3384
           270270a d e - 1621620a b d e + 4054050a b d e - 5405400a b d e
--R
--R
                           5 10 2 6 11
--R
--R
            4054050a b d e - 1621620a b d e + 270270b d e
--R
--R
          x
--R
          6 6 6 5 7 5 4 2 8 4 3 3 9 3
--R
--R
         45045a d e -270270a b d e +675675a b d e -900900a b d e
--R
                       5 11
--R
              2 4 10 2
                                    6 12
--R
         675675a b d e - 270270a b d e + 45045b d
--R
        +----+
--R
--R
       \leq x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 975
--S 976 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
                 6 5 7 5 6 8 4 6
--R
--R.
          ((10240A b - 13312B a b)d e + 3072B b d e)x
--R.
                      5 2475 6 584
--R
             (-5120A \ a \ b + 6656B \ a \ b ) d \ e + (66560A \ b - 88064B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                   6 9 3
             19968B b d e
--R
--R
```

```
--R
           5
--R
          x
--R
                   2 4 3 3 7 5
                                       5 2484
--R
            (3840A a b - 4992B a b )d e + (- 33280A a b + 44416B a b )d e
--R
--R
                    6 5 9 3 6 10 2
--R
--R
             (183040A b - 247936B a b)d e + 54912B b d e
--R
--R
--R
            X
--R
                    3 3 4 2 7 5 2 4 3 3 8 4
--R
             (- 3200A a b + 4160B a b )d e + (24960A a b - 33408B a b )d e
--R
--R
--R
                      5
                           2 4 9 3
--R
             (- 91520A a b + 126464B a b )d e
--R
--R
                   6 5 10 2 6 11
             (274560A b - 384384B a b )d e + 82368B b d e
--R
--R
            3
--R
--R
            х
--R
                   4 2 5 7 5 3 3 4 2 8 4
--R
             (2800A a b - 3640B a b)d e + (- 20800A a b + 27880B a b )d e
--R
--R
                   2 4 3 3 9 3
--R
--R
             (68640A a b - 95472B a b )d e
--R
                      5 2 4 10 2
--R
--R
             (-137280A \ a \ b + 199056B \ a \ b ) d \ e
--R
                    6 5 11 6 12
--R
--R
             (240240A b - 353496B a b)d e + 72072B b d
--R
--R
            2
--R
            x
--R
                        6 7 5
--R
                                           4 2 5 8 4
             (- 2520A a b - 32760B a )d e + (18200A a b + 191800B a b)d e
--R
--R
--R.
                    3 3 4 2 9 3
--R
             (- 57200A a b - 460720B a b )d e
--R
                    2 4
--R
                               3 3 10 2
--R
             (102960A \ a \ b + 569712B \ a \ b ) d \ e
--R
                  5 24 11
                                        6 5 12
--R
--R
            (-120120A \ a \ b \ -353496B \ a \ b \ )d \ e + (120120A \ b \ +24024B \ a \ b \ )d
```

```
--R
--R
--R
                                                 675 5 684
--R
                              - 27720A a d e + (163800A a b - 5040B a )d e
--R
--R
                                                       4 2 5 9 3 3 3 4 2 10 2
--R
--R
                             (-400400A a b + 29120B a b)d e + (514800A a b - 68640B a b )d e
--R
                                                       2 4 3 3 11
--R
                                                                                                                                         5
--R
                             (- 360360A a b + 82368B a b )d e + (120120A a b - 48048B a b )d
--R
--R
                             +----+
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                 6
--R
                             (- 3465A a d - 55440A a )e
--R
                                                                                                    6 7 11
--R
                                                 5 6 2
                             ((20475A \ a \ b - 630B \ a \ )d + (327600A \ a \ b - 10080B \ a \ )d)e
--R
--R
                                                 4 2 5 3 5 2 6 2 10
--R
--R
                             ((-50050A \ a \ b + 3640B \ a \ b)d + (-800800A \ a \ b + 58240B \ a \ b)d)e
--R
                                                 3 3 4 2 4
--R
                                                                                                                           4 3
                                                                                                                                                                  5 2 3 9
                              ((64350A a b - 8580B a b )d + (1029600A a b - 137280B a b )d )e
--R
--R
--R
                                                                  2 4 3 3 5
--R
                                           (-45045A \ a \ b + 10296B \ a \ b )d
--R
                                                                    3 4 4 3 4
--R
--R
                                             (-720720A \ a \ b + 164736B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
--R
--R
                                                      5 246 25 3457
--R
                             ((15015A \ a \ b - 6006B \ a \ b ) d + (240240A \ a \ b - 96096B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R
                          x
--R
--R
                                                   6 2 7 11
                             (- 24255A a d - 388080A a d)e
--R
--R
                                                                   6 3
                                                                                                               6 7 2 10
--R
--R
                             ((143325A \ a \ b - 4410B \ a \ )d + (2293200A \ a \ b - 70560B \ a \ )d)e
--R
                                                         4 2 5 4
--R
--R
                                             (-350350A \ a \ b + 25480B \ a \ b)d
```

```
--R
                   5 2 6 3
--R
--R
              (-5605600A \ a \ b + 407680B \ a \ b)d
--R
--R
             9
--R
--R
                   3 3 4 2 5
                                               4 3
--R
           ((450450A \ a \ b - 60060B \ a \ b )d + (7207200A \ a \ b - 960960B \ a \ b )d )e
--R
--R
                       2 4 3 3 6
--R
              (-315315A \ a \ b + 72072B \ a \ b )d
--R
--R
                                4 3 5
--R
                      3 4
--R
             (-5045040A \ a \ b + 1153152B \ a \ b )d
--R
--R
--R
--R
              5 247 25 3466
--R
--R
          ((105105A \ a \ b \ - 42042B \ a \ b \ )d \ + (1681680A \ a \ b \ - 672672B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
          6
--R
          X
--R
                         7 2 10
             6 3
--R
--R
          (- 72765A a d - 1164240A a d )e
--R
                        6 4 6
--R
--R
           ((429975A \ a \ b - 13230B \ a \ )d + (6879600A \ a \ b - 211680B \ a \ )d )e
--R
                        4 2 5 5
--R
--R
             (-1051050A \ a \ b + 76440B \ a \ b)d
--R
--R
                        5 2
             (-16816800A \ a \ b + 1223040B \ a \ b)d
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                       3 3 4 2 6
--R
             (1351350A a b - 180180B a b )d
--R
--R
                       4 3
                               5 2 5
             (21621600A a b - 2882880B a b )d
--R
--R
--R
             7
--R
--R
--R
                         2 4 3 3 7
```

```
--R
               (-945945A \ a \ b + 216216B \ a \ b ) d
--R
                          3 4 4 3 6
--R
--R
              (-15135120A \ a \ b + 3459456B \ a \ b ) d
--R
--R
              6
--R
             е
--R
                    5 248 25 3475
--R
          ((315315A \ a \ b \ - 126126B \ a \ b \ )d \ + (5045040A \ a \ b \ - 2018016B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
--R
           5
--R
          x
--R
--R
                    6 4 7 3 9
--R
           (- 121275A a d - 1940400A a d )e
--R
                    5 6 5
--R
                                          6 7 4 8
--R
            ((716625A \ a \ b - 22050B \ a \ )d + (11466000A \ a \ b - 352800B \ a \ )d \ )e
--R
--R
                        4 2 5 6
--R
              (-1751750A \ a \ b + 127400B \ a \ b)d
--R
                     5 2 6 5
--R
               (-28028000A a b + 2038400B a b)d
--R
--R
--R
              7
--R
             е
--R
                       3 3 4 2 7
--R
--R
              (2252250A a b - 300300B a b )d
--R
--R
                        4 3
--R
               (36036000A \ a \ b - 4804800B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
             е
--R
--R
                          2 4
--R
              (-1576575A \ a \ b + 360360B \ a \ b ) d
--R
--R
                          3 4
                                  4 3 7
--R.
              (-25225200A \ a \ b + 5765760B \ a \ b ) d
--R
--R
              5
--R
--R
                    5 249
--R
                                          2 5 3 4 8 4
          ((525525A \ a \ b \ - 210210B \ a \ b \ )d \ + (8408400A \ a \ b \ - 3363360B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
```

```
--R
--R
         x
--R
                   6 5 7 4 8
--R
--R
          (- 121275A a d - 1940400A a d )e
--R
                  5 6 6 6 7 5 7
--R
          ((716625A \ a \ b - 22050B \ a \ )d + (11466000A \ a \ b - 352800B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
                       4 2
                                    5 7
--R
             (- 1751750A a b + 127400B a b)d
--R
                        5 2 6 6
--R
             (-28028000A \ a \ b + 2038400B \ a \ b)d
--R
--R
--R
             6
--R
--R
                      3 3 4 2 8
--R
             (2252250A a b - 300300B a b )d
--R
--R
                      4 3 5 2 7
--R
--R
              (36036000A \ a \ b - 4804800B \ a \ b )d
--R
--R
             5
--R
--R
                             3 3 9
--R
                       2 4
--R
             (- 1576575A a b + 360360B a b )d
--R
                        3 4 4 3 8
--R
--R
              (-25225200A \ a \ b + 5765760B \ a \ b )d
--R
--R
--R
                      5 2 4 10
--R
             (525525A a b - 210210B a b )d
--R
--R
                             3 4 9
--R
                      2 5
             (8408400A a b - 3363360B a b )d
--R
--R
--R
             3
--R
--R
--R
          3
--R
         x
--R
              66 757
--R
           (-72765A a d - 1164240A a d)e
--R
```

```
--R
               5 6 7 6
--R
--R
          ((429975A \ a \ b - 13230B \ a \ )d + (6879600A \ a \ b - 211680B \ a \ )d )e
--R
                       4 2 5 8
--R
             (-1051050A \ a \ b + 76440B \ a \ b)d
--R
--R
                        5 2 6 7
--R
             (- 16816800A a b + 1223040B a b)d
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                      3 3 4 2 9
--R
             (1351350A a b - 180180B a b )d
--R
--R
                      4 3 5 2 8
             (21621600A a b - 2882880B a b )d
--R
--R
--R
--R
--R
                      2 4 3 3 10
--R
--R
             (-945945A \ a \ b + 216216B \ a \ b ) d
--R
                   3 4 4 3 9
--R
--R
             (-15135120A \ a \ b + 3459456B \ a \ b ) d
--R
--R
             3
--R
--R
                      5 2 4 11
--R
--R
             (315315A a b - 126126B a b )d
--R
                     2 5 3 4 10
--R
              (5045040A a b - 2018016B a b )d
--R
--R
--R
--R
--R
--R
          2
--R
         х
--R
--R
                  6 7 7 6 6
          (- 24255A a d - 388080A a d )e
--R
--R
                  5 68 6 775
--R
--R
          ((143325A \ a \ b - 4410B \ a \ )d + (2293200A \ a \ b - 70560B \ a \ )d )e
--R
                         4 2 5 9
--R
```

```
--R
                 (-350350A \ a \ b + 25480B \ a \ b)d
--R
--R
                            5 2 6 8
--R
                  (-5605600A \ a \ b + 407680B \ a \ b)d
--R
--R
--R
--R
                         3 3 4 2 10
--R
                 (450450A a b - 60060B a b )d
--R
--R
                                  5 2 9
                         4 3
--R
                  (7207200A a b - 960960B a b )d
--R
--R
--R
--R
--R
                                3 3 11
--R
                         2 4
              (-315315A \ a \ b + 72072B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
                          3 4 4 3 10
              (-5045040A \ a \ b + 1153152B \ a \ b )d
--R
--R
--R
               2
--R
--R
               5 24 12
                                          2 5
--R
--R
          ((105105A \ a \ b \ - 42042B \ a \ b \ )d \ + (1681680A \ a \ b \ - 672672B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
          x
--R
                68 775
--R
--R
        (- 3465A a d - 55440A a d )e
--R
                      6 9
                5
--R
        ((20475A \ a \ b - 630B \ a \ )d + (327600A \ a \ b - 10080B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
                  4 2 5 10
                                                5 2
        ((-50050A \ a \ b + 3640B \ a \ b)d + (-800800A \ a \ b + 58240B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                3 3 4 2 11
                                              4 3
--R
        ((64350A \ a \ b - 8580B \ a \ b \ )d + (1029600A \ a \ b - 137280B \ a \ b \ )d )e
--R
--R
                  2 4 3 3 12
                                                  3 4
        ((-45045A \ a \ b + 10296B \ a \ b) d + (-720720A \ a \ b + 164736B \ a \ b) d) e
--R
--R
                 5 2 4 13 2 5 3 4 12
--R
--R
         (15015A \ a \ b - 6006B \ a \ b \ )d + (240240A \ a \ b - 96096B \ a \ b \ )d
--R /
                  6 7 13 5 8 12 4 2 9 11
--R
```

```
180180a d e - 1081080a b d e + 2702700a b d e
--R
--R
--R
                 3 3 10 10 2 4 11 9 5 12 8
--R
          - 3603600a b d e + 2702700a b d e - 1081080a b d e
--R
--R
                6 13 7
--R
         180180b d e
--R
--R
          7
--R
         X
--R
                6 8 12 5 9 11
--R
                                             4 2 10 10
          1261260a d e - 7567560a b d e + 18918900a b d e
--R
--R
--R
                  3 3 11 9 2 4 12 8
                                                   5 13 7
--R
          - 25225200a b d e + 18918900a b d e - 7567560a b d e
--R
--R
                6 14 6
--R
         1261260b d e
--R
--R
--R
         x
--R
--R
                6 9 11 5 10 10 4 2 11 9
--R
          3783780a d e - 22702680a b d e + 56756700a b d e
--R
                             2 4 13 7
--R
                   3 3 12 8
--R
          - 75675600a b d e + 56756700a b d e - 22702680a b d e
--R
--R
                6 15 5
          3783780b d e
--R
--R
--R
         5
--R
         x
--R
                6 10 10 5 11 9 4 2 12 8
--R
--R
          6306300a d e - 37837800a b d e + 94594500a b d e
--R
                   3 3 13 7 2 4 14 6
--R
--R
          - 126126000a b d e + 94594500a b d e - 37837800a b d e
--R
--R
                6 16 4
--R
          6306300b d e
--R
--R
          4
--R
--R
                6 11 9 5 12 8
--R
          6306300a d e - 37837800a b d e + 94594500a b d e
--R
--R
```

```
3 3 14 6 2 4 15 5 5 16 4
--R
--R
          - 126126000a b d e + 94594500a b d e - 37837800a b d e
--R
--R
                6 17 3
--R
         6306300b d e
--R
--R
         3
--R
         x
--R
                6 12 8 5 13 7
--R
--R
          3783780a d e - 22702680a b d e + 56756700a b d e
--R
                  3 3 15 5 2 4 16 4
--R
          - 75675600a b d e + 56756700a b d e - 22702680a b d e
--R
--R
--R
                6 18 2
--R
          3783780b d e
--R
--R
         2
--R
         x
--R
--R
                6 13 7 5 14 6 4 2 15 5
--R
         1261260a d e - 7567560a b d e + 18918900a b d e
--R
--R
                  3 3 16 4 2 4 17 3
--R
          - 25225200a b d e + 18918900a b d e - 7567560a b d e
--R
--R
                6 19
--R
          1261260b d e
--R
--R
--R
            6 14 6 5 15 5
                                        4 2 16 4 3 3 17 3
--R
--R
      180180a d e - 1081080a b d e + 2702700a b d e - 3603600a b d e
--R
                       5 19
             2 4 18 2
--R
--R
       2702700a b d e - 1081080a b d e + 180180b d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 976
--S 977 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                   7 5
--R
              6
      (- 3465A a d - 55440A a )e
--R
--R
              5 6 2 6 7 4
--R
     ((20475A \ a \ b - 630B \ a \ )d + (327600A \ a \ b - 10080B \ a \ )d)e
--R
```

```
--R
                                    4 2 5 3 5 2 6 2 3
--R
--R
                      ((-50050A \ a \ b + 3640B \ a \ b)d + (-800800A \ a \ b + 58240B \ a \ b)d)e
--R
                                                 3 3 4 2 4 4 3 5 2 3 2
--R
                     ((64350A a b - 8580B a b )d + (1029600A a b - 137280B a b )d )e
--R
--R
--R
                                                                                       3 3 5
                                                                                                                                               3 4
                      ((- 45045A a b + 10296B a b )d + (- 720720A a b + 164736B a b )d )e
--R
--R
--R
                                                  5 246 25 345
                         (15015A \ a \ b - 6006B \ a \ b \ )d + (240240A \ a \ b - 96096B \ a \ b \ )d
--R
--R /
--R
                                                                     5 8 5
                                                                                                                  4 2 9 4
--R
                        180180a d e - 1081080a b d e + 2702700a b d e - 3603600a b d e
--R
                                                                                                                                       6 13
--R
                                             2 4 11 2
                                                                                5 12
                         2702700a b d e - 1081080a b d e + 180180b d
--R
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 977
--S 978 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 978
)clear all
--S 979 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)
--R
--R (1)
--R
                                  2 4
                       B b e x + ((A b + B a)e + 2B b d e)x
--R
--R
--R
--R
                        (A a e + (2A b + 2B a)d e + B b d)x + (2A a d e + (A b + B a)d)x
--R
--R.
                                  2
--R
                         Aad
--R *
--R
                       +----+
--R
                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 979
```

```
--S 980 of 1293
r0:=-1/96*(b*d-a*e)*(5*b*B*d-12*A*b*e+7*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*_
            (d+e*x)^{(3/2)}/(b^3*e)-1/60*(5*b*B*d-12*A*b*e+7*a*B*e)*(a+b*x)^{(5/2)}*_
            (d+e*x)^{(5/2)}/(b^2*e)+1/6*B*(a+b*x)^{(5/2)}*(d+e*x)^{(7/2)}/(b*e)-_
            1/512*(b*d-a*e)^5*(5*b*B*d-12*A*b*e+7*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*_
            sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(9/2)*e^(7/2))-_
            1/768*(b*d-a*e)^3*(5*b*B*d-12*A*b*e+7*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*_
            sqrt(d+e*x)/(b^4*e^2)-1/192*(b*d-a*e)^2*(5*b*B*d-_
            12*A*b*e+7*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/(b^4*e)+_
            1/512*(b*d-a*e)^4*(5*b*B*d-12*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*_
            sqrt(d+e*x)/(b^4*e^3)
--R
--R
--R
              (2)
--R
                                                                  6 6 4 2
                                                     5
                                                                                                                                          5
--R
                                 (-180A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (900A \ a \ b - 450B \ a \ b)d \ e
--R.
--R.
                                                        3 3
                                                                         4 2 2 4
                                                                                                                              2 4
                                                                                                                                                   3 3 3 3
--R
                                 (-1800A \ a \ b + 675B \ a \ b ) d \ e + (1800A \ a \ b - 300B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                                                               2 4 4 2
                                                                                                                                                         5 5
--R
                                 (- 900A a b - 225B a b )d e + (180A b + 270B a b )d e - 75B b d
--R
--R
                                             +-+ +----+
--R
                                          --R
                            atanh(-----)
                                             +-+ +----+
--R
--R
                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R.
                                                 5 5 5 5 4 5 5 4 4
--R
                                 1280B b e x + ((1536A b + 1664B a b)e + 3200B b d e)x
--R
--R
                                                                                   235
--R
                                          (2112A \ a \ b + 48B \ a \ b ) e + (4032A \ b + 4448B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                                           5 2 3
                                          2160B b d e
--R.
--R
--R
                                        3
--R
                                     x
--R
--R
                                                        2 3 3 2 5
                                                                                                                             4
                                                                                                                                                    2 3
--R.
                                           (96A a b - 56B a b )e + (6144A a b + 216B a b )d e
--R.
--R.
                                                             5
                                                                                          4 2 3
                                                                                                                      5 3 2
--R
                                           (2976A b + 3384B a b) d e + 40B b d e
--R
--R
                                        2
--R
                                     х
--R.
```

```
3 2 4 5 2 3 3 2 4
--R
--R
                (-120A \ a \ b + 70B \ a \ b)e + (552A \ a \ b - 272B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                 2 3 2 3
                                             5
--R
                (5592A \ a \ b + 348B \ a \ b \ )d \ e + (120A \ b + 160B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
                     5 4
--R
                - 50B b d e
--R
--R
--R
--R
                           5 5
                                          3 2
            (180A \ a \ b - 105B \ a \ )e + (-840A \ a \ b + 415B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                        3 2 2 3
                   2 3
                                               4
                                                     2332
--R
            (1536A a b - 546B a b )d e + (840A a b + 150B a b )d e
--R
--R
                   5
                              4 4 5 5
--R
            (- 180A b - 245B a b )d e + 75B b d
--R
--R
           +-+ +-+ +----+
--R
          --R /
--R
           4 3 +-+ +-+
--R
       7680b e \|b \|e
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 980
--S 981 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 981
--S 982 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 982
--S 983 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 983
)clear all
--S 984 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R (1)
     (B b e x + ((A b + B a)e + B b d)x + (A a e + (A b + B a)d)x + A a d)
--R
--R *
```

```
--R
                    +----+
--R
                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 984
--S 985 of 1293
r0:=1/8*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*e)+_
           1/5*B*(a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(5/2)/(b*e)+3/128*(b*d-a*e)^4*_
           (2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*_
           B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e^2)+1/16*(b*d-a*e)*_
           (2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e)-_
           3/128*(b*d-a*e)^3*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e^3)
--R
--R
--R
             (2)
--R
                                            4
                                                       5 5
                                                                                                   3 2
                                                                                                                        4 4
--R.
                                (30A \ a \ b - 15B \ a \ )e + (-120A \ a \ b + 45B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                               2 3 3 2 2 3
--R
                                (180A a b - 30B a b )d e + (- 120A a b - 30B a b )d e
--R
--R
                                                                 4 4
                                                                                             5 5
--R
                                (30A b + 45B a b) d e - 15B b d
--R
                                          +-+ +----+
--R
--R
                                        --R
                           atanh(-----)
--R
                                          +-+ +----+
--R.
                                        --R
                                                                             4
                                                                                                        3 4 4 3 3
--R
                                             4 4 4
--R
                               128B b e x + ((160A b + 176B a b)e + 176B b d e)x
--R
                                                                                                                                     3 3
--R
                                                                    2 2 4
                                ((240A \ a \ b + 8B \ a \ b ) e + (240A \ b + 272B \ a \ b ) d \ e + 8B \ b \ d \ e ) x
--R
--R
--R
                                                     2 2
                                                                          3 4
                                                                                                                                      2 2 3
                                                                                                                   3
--R
                                         (20A a b - 10B a b)e + (440A a b + 26B a b )d e
--R
--R
                                                     4
                                                                            3 2 2
                                        (20A b + 26B a b) d e - 10B b d e
--R
--R.
--R.
--R
--R
                                                                       4 4
                                                                                                     2 2
                                                                                                                           3
--R
                                (-30A \ a \ b + 15B \ a \ )e + (110A \ a \ b - 40B \ a \ b)d \ e
--R
                                                                        2 2 2 2 4 3 3 4 4
--R
                                                   3
--R
                                (110A \ a \ b + 18B \ a \ b ) d \ e + (-30A \ b - 40B \ a \ b ) d \ e + 15B \ b \ d
```

```
--R
--R
            +-+ +-+ +----+
--R
           --R /
           3 3 +-+ +-+
--R
--R
       640b e \|b \|e
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 985
--S 986 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 986
--S 987 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 987
--S 988 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 988
)clear all
--S 989 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
                                       +----+
--R
     (1) (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a | |e x + d
--R.
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 989
--S 990 of 1293
r0:=1/4*B*(a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(3/2)/(b*e)-1/64*(b*d-a*e)^3*_
    (5*b*B*d-8*A*b*e+3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
    (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(5/2)*e^(7/2))-1/96*(b*d-a*e)*_
    (5*b*B*d-8*A*b*e+3*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e^2)-_
    1/24*(5*b*B*d-8*A*b*e+3*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e)+_
    1/64*(b*d-a*e)^2*(5*b*B*d-8*A*b*e+3*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*_
    sqrt(d+e*x)/(b^2*e^3)
--R
--R
--R.
     (2)
--R.
                            4 4
                                     2 2 3
--R.
             (-24A \ a \ b + 9B \ a ) e + (72A \ a \ b - 12B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                            2222
                                                        3 3
--R
             (-72A a b - 18B a b )d e + (24A b + 36B a b )d e - 15B b d
--R
                  +-+ +----+
--R
```

```
--R
               --R
          atanh(-----)
--R
                +-+ +----+
--R
                \b \e x + d
--R
                          3
                                      2 3 3 2 2
--R
                3 3 3
            48B b e x + ((64A b + 72B a b)e + 8B b d e)x
--R
--R
--R
                     2 2 3 3 2 2
            ((112A \ a \ b + 6B \ a \ b)e + (16A \ b + 20B \ a \ b)d \ e - 10B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                        3 3
--R
                                     2
            (24A \ a \ b - 9B \ a \ )e + (64A \ a \ b + 9B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                           2 2
--R
            (-24A b - 31B a b) d e + 15B b d
--R
           +-+ +-+ +----+
--R
          --R
--R /
--R
          2 3 +-+ +-+
--R
       192b e \|b \|e
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 990
--S 991 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 991
--S 992 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 992
--S 993 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 993
)clear all
--S 994 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
              2
--R
         (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
     (1) -----
--R
                       +----+
--R
                      \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 994
```

```
--S 995 of 1293
 \texttt{r0:=-1/8*(b*d-a*e)^2*(5*b*B*d-6*A*b*e+a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_b*atanh(sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*sqrt(e)*s
               (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(3/2)*e^(7/2))-1/12*(5*b*B*d-6*A*b*e+a*B*e)*_
               (a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b*e^2)+1/3*B*(a+b*x)^(5/2)*_
               sqrt(d+e*x)/(b*e)+1/8*(b*d-a*e)*(5*b*B*d-6*A*b*e+a*B*e)*_
               sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b*e^3)
--R
--R
                  (2)
--R
--R
                                                                                  3 3
                                                                                                                                      2
--R
                                          (18A \ a \ b - 3B \ a \ )e + (-36A \ a \ b - 9B \ a \ b)d \ e
--R
                                                                                        2 2
--R
--R
                                          (18A b + 27B a b )d e - 15B b d
--R
--R.
                                                        +-+ +----+
--R
                                                     --R
                                    atanh(-----)
                                                        +-+ +----+
--R
--R
                                                      --R
--R
                                                      2 2 2
--R
                                         8B b e x + ((12A b + 14B a b)e - 10B b d e)x + (30A a b + 3B a )e
--R
--R
--R
                                          (-18A b - 22B a b)d e + 15B b d
--R
--R
                                      +-+ +-+ +----+
--R.
                                    --R /
                                      3 +-+ +-+
--R
--R
                        24b e \|b \|e
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 995
--S 996 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 996
--S 997 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 997
--S 998 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 998
)clear all
```

```
--S 999 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
                2
--R
           (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
--R
--R
                    (e x + d) | e x + d
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 999
--S 1000 of 1293
r0:=3/4*(b*d-a*e)*(5*b*B*d-4*A*b*e-a*B*e)*atanh(sqrt(e)*_
     sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(e^(7/2)*sqrt(b))-_
     2*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))+_
     1/2*(5*b*B*d-4*A*b*e-a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(e^2*(b*d-a*e))-_
     3/4*(5*b*B*d-4*A*b*e-a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
--R
      (2)
--R
                                                                 2 2 +----+
--R
            ((12A \ a \ b + 3B \ a \ )e + (-12A \ b - 18B \ a \ b)d \ e + 15B \ b \ d ) |e \ x + d
--R
--R
                  +-+ +----+
                  --R
--R
            atanh(-----)
                  +-+ +----+
--R
--R
                  \b \leq x + d
--R
--R
                   2 2
--R
              2B b e x + ((4A b + 5B a)e - 5B b d e)x - 8A a e
--R
--R
--R
              (12A b + 13B a)d e - 15B b d
--R
             +-+ +-+ +----+
--R.
--R
            --R
--R
          3 +-+ +-+ +----+
--R
        4e \mid b \mid e \mid e x + d
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 1000
--S 1001 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1001
--S 1002 of 1293
--m0:=a0-r0
```

```
--E 1002
--S 1003 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1003
)clear all
--S 1004 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
                2
--R
--R
          (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
     (1)
--R
                 2 2
                                2 +----+
--R.
               (e x + 2d e x + d )\|e x + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1004
--S 1005 of 1293
r0:=-2/3*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2))-_
    (5*b*B*d-2*A*b*e-3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
    (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))*sqrt(b)/e^(7/2)-2/3*(5*b*B*d-2*A*b*e-3*a*B*e)*_
    (a+b*x)^(3/2)/(e^2*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))+b*(5*b*B*d-2*A*b*e-3*a*B*e)*_
    sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(e^3*(b*d-a*e))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                           2
                                                                      2 +-+
--R
           (((6A b + 9B a)e - 15B b d e)x + (6A b + 9B a)d e - 15B b d) b
--R
--R
                            +-+ +----+
--R
            +----+
                           \leq \| b x + a \|
--R
           \|e x + d atanh(-----)
                            +-+ +----+
--R
--R
                           --R
--R
                                         2
--R
             3B b e x + ((-8A b - 6B a)e + 20B b d e)x - 2A a e
--R
--R
--R.
             (-6A b - 4B a)d e + 15B b d
--R
--R
            +-+ +----+
--R
           --R /
--R
                   3 +-+ +----+
--R
       (3e x + 3d e) | e | x + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1005
--S 1006 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1006
--S 1007 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1007
--S 1008 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1008
)clear all
--S 1009 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
                                                                                                                                +----+
--R
                                   (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
                  (1) -----
                                    3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
                                  (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1009
--S 1010 of 1293
r0:=-2/5*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2))-_
               2/3*B*(a+b*x)^(3/2)/(e^2*(d+e*x)^(3/2))+2*b^(3/2)*_
               B*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/e^(7/2)-_
               2*b*B*sqrt(a+b*x)/(e^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
                  (2)
--R
--R
                                                                         3
                                                                                                2 2 2
                                                                                                                                                                            2
--R
                                           (30B \ a \ b \ e \ - \ 30B \ b \ d \ e \ )x + (60B \ a \ b \ d \ e \ - \ 60B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                                                                     2
                                                                                                    2 3
                                          30B a b d e - 30B b d
--R
--R
--R.
                                                                                                     +-+ +----+
--R.
                                       +-+ +----+
                                                                                                  \leq \leq |b + a|
                                    \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                                                     +-+ +----+
--R
--R
                                                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                      3
                                                                                                                           2 2 2
                                           ((-6A b - 40B a b)e + 46B b d e)x
--R
```

```
--R
--R
                           2 3
                                  2 22 23
--R
           ((- 12A a b - 10B a )e - 48B a b d e + 70B b d e)x - 6A a e
--R
--R
                2 2 2 2 3
--R
           - 4B a d e - 20B a b d e + 30B b d
--R
--R
          +-+ +----+
--R
         \leq \leq |b + a|
--R /
--R
            6 5 2 5 2 4 2 4 3 3
        ((15a e - 15b d e)x + (30a d e - 30b d e)x + 15a d e - 15b d e)
--R
--R
         +-+ +----+
--R
--R
        \leq \leq x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1010
--S 1011 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1011
--S 1012 of 1293
--m0:=a0-r0
--Е 1012
--S 1013 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1013
)clear all
--S 1014 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(9/2)
--R
--R
--R
                  2
--R
             (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
    (1) -----
          4 4 3 3 2 2 2 3
--R
        (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d)\|e x + d
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1014
--S 1015 of 1293
r0:=-2/7*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(7/2))+_
    2/35*(5*b*B*d+2*A*b*e-7*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R (2)
```

```
3 2 3 3
--R
--R
                                                    ((4A b - 14B a b)e + 10B b d)x
--R
--R
                                                                                                                               2
--R
                                                    ((-2A \ a \ b \ -28B \ a \ b)e + (14A \ b \ +16B \ a \ b \ )d)x
--R
                                                                                                                                                                 2
--R
--R
                                                    ((-16A \ a \ b - 14B \ a \ )e + (28A \ a \ b + 2B \ a \ b)d)x - 10A \ a \ e
--R
--R
                                                                         2
--R
                                                (14A a b - 4B a )d
--R
                                               +----+
--R
--R
                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                                               2 5
                                                                                                                               4 2233
--R
                                                    (35a e - 70a b d e + 35b d e )x
--R
                                                                  2 4 2 3 2 3 2 2
--R
--R
                                                    (105a d e - 210a b d e + 105b d e )x
--R
                                                                         2 2 3 3 2 2 4 2 3 2 4 2 5
--R
--R
                                                    (105a d e - 210a b d e + 105b d e)x + 35a d e - 70a b d e + 35b d
--R
--R
                                             +----+
--R
                                           \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1015
--S 1016 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                          (3)
                                                                                                                               2 4 3 5 3
--R
                                                          ((8A b - 28B a b) d e + 20B b d) x
--R
--R
                                                                                                                               2 4
                                                                                                                                                                                        3
--R
                                                           ((- 4A a b - 56B a b)d e + (28A b + 32B a b )d )x
--R
--R
--R
                                                                                                                                         3 4
                                                                                                                                                                                                               2
                                                                                                                                                                                                                                                 2 5
                                                           ((- 32A a b - 28B a )d e + (56A a b + 4B a b)d )x - 20A a d e
--R
--R.
--R
                                                           (28A a b - 8B a )d
--R
--R
                                                        +----+
--R
--R
                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                             3 4 5
                                                                                                                                                                            2 3 2 3 4 4 4
--R
```

```
--R
        ((-5A a d - 20A a)e + ((7A a b - 2B a)d + (28A a b - 8B a)d)e)x
--R
--R
                  3 2 4 4
--R
            (-20A a d - 80A a d)e
--R
--R
                       3 3
                 2
                                   3
--R
          ((28A \ a \ b - 8B \ a \ )d + (112A \ a \ b - 32B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
         x
--R
--R
                 3 3
                           4 2 3
           (- 30A a d - 120A a d )e
--R
--R
--R
                       3 4
                               3 4 3 2
--R
           ((42A \ a \ b - 12B \ a \ )d + (168A \ a \ b - 48B \ a \ )d )e
--R
--R
          2
--R
          X
--R
--R
                 3 4 4 3 2
--R
           (- 20A a d - 80A a d )e
--R
--R
                 2 3 5 3 4 4
--R
            ((28A \ a \ b - 8B \ a \ )d + (112A \ a \ b - 32B \ a \ )d )e
--R
--R
         X
--R
--R
             3 5
                  4 4
                              2
                                      3 6 3
--R
        (-5A a d - 20A a d )e + (7A a b - 2B a )d + (28A a b - 8B a )d
--R /
           2 4 6 5 5 2 6 4 4
--R
--R
        (70a d e - 140a b d e + 70b d e)x
--R
--R
            2 5 5
                        6 4
                                 2733
--R
        (280a d e - 560a b d e + 280b d e )x
--R
--R
            2 6 4
                        7 3
                                 2822
--R
        (420a d e - 840a b d e + 420b d e )x
--R
--R
           2 7 3
                     8 2
                                 2 9
                                            282
--R
        (280a d e - 560a b d e + 280b d e)x + 70a d e - 140a b d e + 70b d
--R.
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1016
--S 1017 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
                                       3 2 3
--R
               3
                      4
                                 2
```

```
(- 5A a d - 20A a )e + (7A a b - 2B a )d + (28A a b - 8B a )d
--R
                           2 4 2 5 2 6
--R
--R
                         70a d e - 140a b d e + 70b d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1017
--S 1018 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1018
)clear all
--S 1019 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(11/2)
--R
--R
--R
                     (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
--R (1) -----
          5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +-----+
--R
--R
          (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1019
--S 1020 of 1293
r0:=-2/9*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(9/2))+_
    2/63*(5*b*B*d+4*A*b*e-9*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
    (d+e*x)^{(7/2)}+4/315*b*(5*b*B*d+4*A*b*e-9*a*B*e)*(a+b*x)^{(5/2)}_{-}
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
     (2)
                  4 3 2 4 4
--R
          ((-16A b + 36B a b)e - 20B b d e)x
--R
--R
--R
                         222
                                                     3 423
           ((8A \ a \ b \ - \ 18B \ a \ b \ )e \ + \ (- \ 72A \ b \ + \ 172B \ a \ b \ )d \ e \ - \ 90B \ b \ d \ )x
--R
--R.
--R
                     2 2 3 2
                                             3
              (-6A a b - 144B a b)e + (36A a b + 384B a b )d e
--R
--R
--R
--R
              (- 126A b - 144B a b )d
--R
--R
            2
```

```
--R
                             x
--R
                                                         3 4 2 2 2 3
--R
--R
                                     (- 100A a b - 90B a )e + (288A a b + 172B a b)d e
--R
                                                             3
--R
                                                                                2 2 2
--R
                                  (- 252A a b - 18B a b )d
--R
--R
--R
--R
                                                               3 4
                                                                                                                  2 2 3 2
                                         4 2
                           - 70A a e + (180A a b - 20B a )d e + (- 126A a b + 36B a b)d
--R
--R
                          +----+
--R
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                    3 7
--R.
                                                          2 6 225 3344
--R
                            (315a e - 945a b d e + 945a b d e - 315b d e )x
--R
                                       3 6 2 2 5 2 3 4 3 4 3 3
--R
--R
                            (1260a d e - 3780a b d e + 3780a b d e - 1260b d e )x
--R
--R
                                          3 2 5 2 3 4
                                                                                                                2 4 3
                          (1890a d e - 5670a b d e + 5670a b d e - 1890b d e )x
--R
--R
                                           3 3 4 2 4 3 2 5 2 3 6 3 4 3
--R
--R
                           (1260a d e - 3780a b d e + 3780a b d e - 1260b d e)x + 315a d e
--R
--R
                                          2 5 2 2 6
                                                                                                  3 7
--R
                            -945a b d e +945a b d e -315b d
--R
                        +----+
--R
--R
                       \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1020
--S 1021 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             (3)
--R
                                                    4 3 5 2 4 6 4
--R.
                                ((-32A b + 72B a b) d e - 40B b d e)x
--R.
                                                                                                                     4
--R
                                                               3 2252
                                                                                                                                                      3 6
                                                (16A \ a \ b \ - \ 36B \ a \ b \ )d \ e \ + \ (- \ 144A \ b \ + \ 344B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
--R
                                                                 4 7
                                               - 180B b d
--R
--R
```

```
--R
                                       3
--R
                                    x
--R
                                                                  2 2 3 5 2 3 2 2 6
--R
                                           (- 12A a b - 288B a b)d e + (72A a b + 768B a b )d e
--R
--R
--R
--R
                                           (- 252A b - 288B a b )d
--R
--R
                                           2
--R
                                         X
--R
                                                                  3 4 5 2
                                                                                                                                      2 2 3 6
--R
--R
                                             (-200A \ a \ b - 180B \ a \ ) d \ e \ + (576A \ a \ b \ + 344B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                                                                      3 227
--R
                                            (- 504A a b - 36B a b )d
--R
--R
--R
--R
                                                     452 3 46 22 37
                                   - 140A a d e + (360A a b - 40B a )d e + (- 252A a b + 72B a b)d
--R
--R
--R
                                +----+
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                    5 7
--R
                                                      4
--R
                                  (- 35A a d - 140A a )e
--R
--R
                                                   3 4 2 4 5 6
--R
                                  ((90A \ a \ b - 10B \ a \ )d + (360A \ a \ b - 40B \ a \ )d)e
--R
                                                                                                                  3 2 4 2 5
                                                       2 2 3 3
--R
--R
                                 ((-63A \ a \ b + 18B \ a \ b)d + (-252A \ a \ b + 72B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                              x
--R
                                                        4 2 5 6
--R
                                  (- 175A a d - 700A a d)e
--R
--R
--R
                                                     3
                                                                    4 3
                                                                                                                     4
                                                                                                                                      5 2 5
--R.
                                  ((450A \ a \ b - 50B \ a \ )d + (1800A \ a \ b - 200B \ a \ )d )e
--R
                                                          2 2 3 4 3 2 4 3 4
--R
                                    ((-315A \ a \ b + 90B \ a \ b)d + (-1260A \ a \ b + 360B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
--R
                              x
--R
```

```
4 3 5 2 5
--R
            (- 350A a d - 1400A a d )e
--R
--R
                                       4 5 3 4
--R
                  3
--R
            ((900A \ a \ b - 100B \ a \ )d + (3600A \ a \ b - 400B \ a \ )d )e
--R
                   2 2 3 5
                                      3 2 4 4 3
--R
           ((-630A \ a \ b + 180B \ a \ b)d + (-2520A \ a \ b + 720B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
          3
--R
          x
--R
                  4 4 5 3 4
--R
--R
           (- 350A a d - 1400A a d )e
--R
--R
                 3
                          4 5
                                       4
                                            5 4 3
--R
           ((900A a b - 100B a )d + (3600A a b - 400B a )d )e
--R
                   2 2 3 6
                                        3 2 4 5 2
--R
          ((-630A \ a \ b + 180B \ a \ b)d + (-2520A \ a \ b + 720B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
          2
--R
          х
--R
                 4 5 5 4 3
--R
           (- 175A ad - 700A ad)e
--R
--R
                  3 4 6 4 5 5 2
--R
--R
           ((450A \ a \ b - 50B \ a \ )d + (1800A \ a \ b - 200B \ a \ )d )e
--R
                                           3 2 4 6
                    2 2 3 7
--R
--R
          ((-315A \ a \ b + 90B \ a \ b)d + (-1260A \ a \ b + 360B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
             4 6 5 5 2
--R
--R
        (- 35A a d - 140A a d )e
--R
--R
             3
                     4 7
        ((90A \ a \ b - 10B \ a \ )d + (360A \ a \ b - 40B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
              2 2 3 8
                                     3 2 4 7
--R.
        (-63A \ a \ b + 18B \ a \ b)d + (-252A \ a \ b + 72B \ a \ b)d
--R /
           358 267 276 3855
--R
--R
        (630a d e - 1890a b d e + 1890a b d e - 630b d e )x
--R
--R
                   2 7 6 2 8 5
        (3150a d e - 9450a b d e + 9450a b d e - 3150b d e )x
--R
--R
```

```
3 7 6 2 8 5 2 9 4 3 10 3 3
--R
--R
        (6300a d e - 18900a b d e + 18900a b d e - 6300b d e )x
--R
             3 8 5 2 9 4
--R
                                       2 10 3
                                                   3 11 2 2
--R
       (6300a d e - 18900a b d e + 18900a b d e - 6300b d e )x
--R
             3 9 4 2 10 3 2 11 2 3 12 3 10 3
--R
--R
       (3150a d e - 9450a b d e + 9450a b d e - 3150b d e)x + 630a d e
--R
--R
             2 11 2
                           2 12
                                     3 13
--R
        - 1890a b d e + 1890a b d e - 630b d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1021
--S 1022 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                   5 2
                               3 4 2 4
--R
        (-35A \ a \ d - 140A \ a \ ) e + ((90A \ a \ b - 10B \ a \ ) d + (360A \ a \ b - 40B \ a \ ) d) e
--R
                               3 2 4 2
--R
             2 2 3 3
--R
      (-63A \ a \ b + 18B \ a \ b)d + (-252A \ a \ b + 72B \ a \ b)d
--R /
        353 262 27 38
--R
--R
      630a d e - 1890a b d e + 1890a b d e - 630b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1022
--S 1023 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1023
)clear all
--S 1024 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(13/2)
--R.
--R
--R
    (1)
--R
                                           +----+
--R
                 (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
     66 55 244 333 422 5 6 +-----+
--R
     (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d) | e x + d
--R
```

```
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1024
--S 1025 of 1293
r0:=-2/11*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(11/2))+_
    2/99*(5*b*B*d+6*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
    (d+e*x)^(9/2)+8/693*b*(5*b*B*d+6*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/_
     (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(7/2))+16/3465*b^2*_
     (5*b*B*d+6*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
     (2)
                 5 4 3
--R
                                       5 2 5
--R
           ((96A b - 176B a b)e + 80B b d e)x
--R
--R
                            2 3 3
                                        5
                                                        4 2 52 4
--R.
           ((-48A \ a \ b + 88B \ a \ b ) e + (528A \ b - 1008B \ a \ b ) d \ e + 440B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                    2 3 3 2 3
                                                          2 3 2
--R
               (36A \ a \ b - 66B \ a \ b ) e + (-264A \ a \ b + 514B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                         4 2 5 3
--R
               (1188A b - 2398B a b) d e + 990B b d
--R
--R
              3
--R
             x
--R
--R
                           4 3 2 3 3 2
                      3 2
--R
               (-30A \ a \ b \ -1100B \ a \ b)e \ + (198A \ a \ b \ +4232B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
                        4 232
               (-594A \ a \ b \ -5676B \ a \ b \ ) d \ e \ + (1386A \ b \ +1584B \ a \ b \ ) d
--R
--R
--R
--R
             x
--R
--R
                                5 3
                                              3 2
--R
              (-840A a b - 770B a )e + (3300A a b + 2490B a b)d e
--R
                                   3 2 2
--R
               (-4752A \ a \ b \ -2398B \ a \ b \ ) d \ e \ + (2772A \ a \ b \ + 198B \ a \ b \ ) d
--R
--R
--R.
             x
--R
--R
                              4
                                    5 2
                                                      3 2
--R
           -630A a e + (2310A a b -140B a )d e + (-2970A a b + 440B a b)d e
--R
                          3 2 3
--R
                  2 3
           (1386A a b - 396B a b )d
--R
--R
```

```
--R
                           +----+
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                         4 9 3 8 2 2 2 7 3 3 3 6
--R
--R
                                             3465a e - 13860a b d e + 20790a b d e - 13860a b d e
--R
--R
                                                            4 4 5
--R
                                               3465b d e
--R
--R
                                      5
--R
                                     X
--R
                                                       4 8 3 2 7 2 2 3 6 3 4 5
--R
--R
                                         17325a d e - 69300a b d e + 103950a b d e - 69300a b d e
--R
--R
                                                      454
--R
                                         17325b d e
--R
--R
                                        4
--R
                                     x
--R
--R
                                                      4 2 7 3 3 6 2 2 4 5 3 5 4
--R
                                       34650a d e - 138600a b d e + 207900a b d e - 138600a b d e
--R
--R
                                                      4 6 3
--R
                                          34650b d e
--R
--R
--R
                                    x
--R
                                                       4 3 6 3 4 5 2 2 5 4 3 6 3
--R
--R
                                          34650a d e - 138600a b d e + 207900a b d e - 138600a b d e
--R
--R
                                                        472
--R
                                       34650b d e
--R
--R
                                       2
--R
                                     X
--R
                                                       4 4 5 3 5 4 2 2 6 3 3 7 2
--R
--R
                                         17325a d e - 69300a b d e + 103950a b d e - 69300a b d e
--R
--R
                                                      4 8
                                          17325b d e
--R
--R
--R
--R
                                       454 363 2272 38 49
--R
--R
                                3465a d e - 13860a b d e + 20790a b d e - 13860a b d e + 3465b d
--R
```

```
--R
        +----+
--R
        \le x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1025
--S 1026 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
--R
                5 4 6 3 5 7 2 5
           ((192A b - 352B a b) d e + 160B b d e) x
--R
--R
                           2 3 6 3 5
--R
--R
              (- 96A a b + 176B a b )d e + (1056A b - 2016B a b )d e
--R
--R
                   5 8
              880B b d e
--R
--R
--R
--R
--R
                   2 3 3 2 6 3 4 2 3 7 2
--R
--R
              (72A a b - 132B a b )d e + (- 528A a b + 1028B a b )d e
--R
                   5 48 59
--R
--R
              (2376A b - 4796B a b) d e + 1980B b d
--R
--R
             3
--R
             x
--R
                     3 2 4 6 3 2 3 3 2 7 2
--R
--R
              (-60A a b - 2200B a b)d e + (396A a b + 8464B a b )d e
--R
                                          5
--R
                               238
              (-1188A \ a \ b \ -11352B \ a \ b \ )d \ e \ + (2772A \ b \ +3168B \ a \ b \ )d
--R
--R
--R
             2
--R
--R
--R
                           5 6 3
                                             3 2
              (- 1680A a b - 1540B a )d e + (6600A a b + 4980B a b)d e
--R
--R.
--R
                      2 3 3 2 8
              (- 9504A a b - 4796B a b )d e + (5544A a b + 396B a b )d
--R
--R
--R
--R
                  5 6 3 4 5 7 2
--R
--R
           - 1260A a d e + (4620A a b - 280B a )d e
```

```
--R
                                        3 2 4 8 2 3 3 2 9
--R
--R
                             (- 5940A a b + 880B a b)d e + (2772A a b - 792B a b )d
--R
--R
                            +----+
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                           5 6 9
--R
                            (315A a d + 1260A a )e
--R
--R
                                                                                                   5 6 8
                                                      4 5 2
--R
                              ((-1155A \ a \ b + 70B \ a \ )d + (-4620A \ a \ b + 280B \ a \ )d)e
--R
--R
--R
                                                                   4 3
                                                                                                              4 2
                              ((1485A \ a \ b - 220B \ a \ b)d + (5940A \ a \ b - 880B \ a \ b)d)e
--R
--R
                                                  2 3 3 2 4
--R
                                                                                                          3 3 4 2 3 6
                             ((- 693A a b + 198B a b )d + (- 2772A a b + 792B a b )d )e
--R
--R
--R
                            6
--R
                           x
--R
--R
                                              5 2 6 8
--R
                             (1890A a d + 7560A a d)e
--R
                                                      4 5 3 5 6 2 7
--R
--R
                              ((-6930A \ a \ b + 420B \ a \ )d + (-27720A \ a \ b + 1680B \ a \ )d )e
--R
                                                   3 2 4 4
--R
                                                                                                                     4 2
--R
                               ((8910A \ a \ b \ - 1320B \ a \ b)d \ + (35640A \ a \ b \ - 5280B \ a \ b)d)e
--R
                                                     23 325 33 4245
--R
--R
                             ((-4158A \ a \ b + 1188B \ a \ b) d + (-16632A \ a \ b + 4752B \ a \ b) d) e
--R
--R
                            5
--R
                           x
--R
                                              5 3 6 2 7
--R
                              (4725A a d + 18900A a d )e
--R
--R
--R
                                                                      5 4
                                                                                                                           5
                              ((-17325A \ a \ b + 1050B \ a \ )d + (-69300A \ a \ b + 4200B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
                                                    3 2 4 5
                                                                                                                      4 2
                              ((22275A \ a \ b \ - 3300B \ a \ b)d \ + (89100A \ a \ b \ - 13200B \ a \ b)d )e
--R
--R
                                                      23 326 33 4254
--R
                            ((-10395A \ a \ b + 2970B \ a \ b) d + (-41580A \ a \ b + 11880B \ a \ b) d) e
--R
--R
--R
```

```
--R
        X
--R
                5 4 6 3 6
--R
--R
          (6300A a d + 25200A a d )e
--R
                                      5 6 4 5
--R
                        5 5
          ((-23100A \ a \ b + 1400B \ a \ )d + (-92400A \ a \ b + 5600B \ a \ )d )e
--R
--R
                  3 2 4 6 4 2
--R
          ((29700A a b - 4400B a b)d + (118800A a b - 17600B a b)d )e
--R
--R
                          3 2 7
--R
                   2 3
                                             3 3
                                                    4 2 6 3
          ((- 13860A a b + 3960B a b )d + (- 55440A a b + 15840B a b )d )e
--R
--R
--R
--R
         х
--R
--R
                5 5 6 4 5
--R
          (4725A a d + 18900A a d )e
--R
--R
                   4 5 6
                                      5 6 5 4
          ((-17325A \ a \ b + 1050B \ a \ )d + (-69300A \ a \ b + 4200B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
                   3 2 4 7 4 2 5 6 3
          ((22275A a b - 3300B a b)d + (89100A a b - 13200B a b)d )e
--R
--R
                   2 3 3 2 8
                                       3 3 4 2 7 2
--R
--R
          ((-10395A \ a \ b + 2970B \ a \ b) \ d + (-41580A \ a \ b + 11880B \ a \ b) \ d) \ e
--R
--R
          2
--R
--R
                5 6 6 5 4
--R
--R
          (1890A a d + 7560A a d )e
--R
                  4 5 7
                                         5 6 6 3
--R
--R
          ((-6930A \ a \ b + 420B \ a \ )d + (-27720A \ a \ b + 1680B \ a \ )d )e
--R
                        4 8
--R
                 3 2
                                         4 2
--R
          ((8910A \ a \ b - 1320B \ a \ b)d + (35640A \ a \ b - 5280B \ a \ b)d)e
--R
--R
                   2 3
                       3 2 9
                                        3 3 4 2 8
--R
          ((- 4158A a b + 1188B a b )d + (- 16632A a b + 4752B a b )d )e
--R
--R
--R
           5 7 6 6 3
--R
--R
        (315A \ a \ d + 1260A \ a \ d )e
--R
--R
                4 5 8
                                5 6 7 2
```

```
--R
       ((-1155A \ a \ b + 70B \ a \ )d + (-4620A \ a \ b + 280B \ a \ )d )e
--R
              3 2 4 9 4 2 5 8
--R
--R
       ((1485A \ a \ b \ - 220B \ a \ b)d \ + (5940A \ a \ b \ - 880B \ a \ b)d)e
--R
--R
              2 3 3 2 10
                                      3 3 4 2 9
        (-693A a b + 198B a b )d + (-2772A a b + 792B a b )d
--R
--R /
              4 6 10 3 7 9 2 2 8 8 3 9 7
--R
          6930a d e - 27720a b d e + 41580a b d e - 27720a b d e
--R
--R
--R
             4 10 6
         6930b d e
--R
--R
--R
         6
--R
         X
--R
--R
              479 388 2297 3106
          41580a d e - 166320a b d e + 249480a b d e - 166320a b d e
--R
--R
--R
              4 11 5
--R
         41580b d e
--R
--R
         5
--R
         X
--R
               488 3 97 2 2 10 6 3 11 5
--R
--R
          103950a d e - 415800a b d e + 623700a b d e - 415800a b d e
--R
--R
                4 12 4
          103950b d e
--R
--R
--R
--R
         x
--R
               4 9 7 3 10 6 2 2 11 5 3 12 4
--R
--R
          138600a d e - 554400a b d e + 831600a b d e - 554400a b d e
--R
--R
               4 13 3
--R
          138600b d e
--R
--R
         3
--R
         X
--R
               4 10 6 3 11 5 2 2 12 4 3 13 3
--R
          103950a d e - 415800a b d e + 623700a b d e - 415800a b d e
--R
--R
--R
               4 14 2
          103950b d e
--R
--R
```

```
--R
--R
          x
--R
                 4 11 5 3 12 4 2 2 13 3
--R
--R
           41580a d e - 166320a b d e + 249480a b d e - 166320a b d e
--R
--R
                 4 15
--R
            41580b d e
--R
--R
          X
--R
                    3 13 3
                                      2 2 14 2
--R
           4 12 4
                                                       3 15
       6930a d e - 27720a b d e + 41580a b d e - 27720a b d e + 6930b d
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1026
--S 1027 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
             5
        (315A \ a \ d + 1260A \ a )e
--R
--R
--R
                       5 2
--R
        ((-1155A \ a \ b + 70B \ a \ )d + (-4620A \ a \ b + 280B \ a \ )d)e
--R
                3 2 4 3 4 2 5 2
--R
--R
       ((1485A a b - 220B a b)d + (5940A a b - 880B a b)d )e
--R
--R
                2 3
                           3 2 4
                                            3 3
         (-693A \ a \ b + 198B \ a \ b ) d + (-2772A \ a \ b + 792B \ a \ b ) d
--R
--R /
           4 6 4 3 7 3 2 2 8 2
                                                    3 9
--R
--R
       6930a d e - 27720a b d e + 41580a b d e - 27720a b d e + 6930b d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1027
--S 1028 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1028
)clear all
--S 1029 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(15/2)
```

```
--R
--R
--R
      (1)
--R
--R
        (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R /
                                255 344 433 522 6
              7 7 6 6
--R
--R
             e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x
--R
              7
--R
--R
             d
--R
           +----+
--R
--R
          \ensuremath{\mbox{le x + d}}
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1029
--S 1030 of 1293
r0:=-2/13*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(13/2))+_
     2/143*(5*b*B*d+8*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*_
     (b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(11/2)+4/429*b*(5*b*B*d+8*A*b*e-13*a*B*e)*_
     (a+b*x)^{(5/2)}/(e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^{(9/2)}+16/3003*b^2*_
     (5*b*B*d+8*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^4*_
     (d+e*x)^(7/2)+32/15015*b^3*(5*b*B*d+8*A*b*e-13*a*B*e)*_
     (a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
      (2)
--R
                                5 4
                                       6 3 6
                     6
--R
           ((-256A b + 416B a b)e - 160B b d e)x
--R
                        5
--R
                                  2 4 4
                                                   6
--R
               (128A \ a \ b \ - 208B \ a \ b \ ) e \ + (- 1664A \ b \ + 2784B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                        6 2 2
               - 1040B b d e
--R
--R
--R
              5
--R
             x
--R
--R
                                  3 3 4
                                                    5
               (-96A \ a \ b + 156B \ a \ b ) e + (832A \ a \ b - 1412B \ a \ b ) d \ e
--R
--R.
--R.
                         6
                                     5 2 2
                                                     6 3
--R
               (-4576A b + 7956B a b) d e - 2860B b d e
--R
--R
              4
--R
             X
--R
--R
                     3 3
                                 4 2 4
                                                   2 4
                                                                3 3
                                                                       3
```

```
--R
                                    (80A \ a \ b - 130B \ a \ b ) e + (-624A \ a \ b + 1064B \ a \ b ) d \ e
--R
                                                   5 2 4 2 2 6 5 3
--R
--R
                                    (2288A a b - 4108B a b )d e + (- 6864A b + 12584B a b )d e
--R
--R
                                                        6 4
--R
                                 - 4290B b d
--R
--R
--R
                                x
--R
                                                      4 2 5 4 3 3
--R
                                  (- 70A a b - 3640B a b)e + (520A a b + 17880B a b )d e
--R
--R
--R
                                                            2 4
                                                                           3 3 2 2
                                                                                                                                          5
--R
                                    (- 1716A a b - 34424B a b )d e + (3432A a b + 30888B a b )d e
--R
--R
                                                        6 5 4
--R
                                 (- 6006A b - 6864B a b )d
--R
--R
--R
                                x
--R
--R
                                                          5 6 4 4 2 5 3
--R
                                  (- 2940A a b - 2730B a )e + (14560A a b + 12040B a b)d e
--R
                                                                                                                       2 4 3 3 3
                                                                           4 2 2 2
--R
--R
                                     (- 28600A a b - 19500B a b )d e + (27456A a b + 12584B a b )d e
--R
--R
                                                               5 244
--R
                                 (- 12012A a b - 858B a b )d
--R
--R
--R
--R
                                              6 4
                                                                               5
                            - 2310A a e + (10920A a b - 420B a )d e
--R
--R
--R
                                                                     5 22
                                                                                                              3 3 4 2 3
                                                  4 2
                           (- 20020A a b + 1820B a b)d e + (17160A a b - 2860B a b )d e
--R
--R
--R
                                                2 4 3 3 4
--R
                          (- 6006A a b + 1716B a b )d
--R.
--R
                        +----+
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                5 11 4 10 3 2 2 9 2 3 3 8
--R
--R
                                 15015a e - 75075a b d e + 150150a b d e - 150150a b d e
--R
--R
                                                      4 4 7 5 5 6
```

```
--R
          75075a b d e - 15015b d e
--R
--R
          6
--R
          x
--R
              5 10 4 2 9 3 2 3 8 2 3 4 7
--R
--R
          90090a d e - 450450a b d e + 900900a b d e - 900900a b d e
--R
                4 5 6 5 6 5
--R
          450450a b d e - 90090b d e
--R
--R
--R
          5
--R
          х
--R
--R
               5 2 9 4 3 8 3 2 4 7 2 3 5 6
          225225a d e - 1126125a b d e + 2252250a b d e - 2252250a b d e
--R
--R
--R
                 4 6 5 5 7 4
          1126125a b d e - 225225b d e
--R
--R
--R
--R
          x
--R
--R
               5 3 8 4 4 7 3 2 5 6 2 3 6 5
           300300a d e - 1501500a b d e + 3003000a b d e - 3003000a b d e
--R
--R
                 474 583
--R
--R
          1501500a b d e - 300300b d e
--R
--R
          3
--R
          x
--R
                5 4 7 4 5 6 3 2 6 5 2 3 7 4
--R
--R
          225225a d e - 1126125a b d e + 2252250a b d e - 2252250a b d e
--R
                  483 592
--R
--R
          1126125a b d e - 225225b d e
--R
--R
           2
--R
          x
--R
               5 5 6 4 6 5 3 2 7 4 2 3 8 3
--R
--R
           90090a d e - 450450a b d e + 900900a b d e - 900900a b d e
--R
              4 9 2 5 10
--R
--R
           450450a b d e - 90090b d e
--R
--R
--R
         5 6 5 4 7 4 3 2 8 3 2 3 9 2
--R
```

```
--R
           15015a d e - 75075a b d e + 150150a b d e - 150150a b d e
--R
                  4 10 5 11
--R
--R
           75075a b d e - 15015b d
--R
         +----+
--R
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1030
--S 1031 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                       6 5 7 4 6 8 3 6
--R
--R
            ((- 1024A b + 1664B a b )d e - 640B b d e )x
--R
                                                              5 8 3
--R
                        5 2474
                                                   6
                 (512A \ a \ b \ - 832B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 6656A \ b \ + 11136B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                         6 9 2
--R
                 - 4160B b d e
--R
--R
                5
--R
               x
--R
                          2 4 3 3 7 4 5 2 4 8 3
--R
--R
                 (-384A \ a \ b + 624B \ a \ b ) d \ e + (3328A \ a \ b - 5648B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                        5 9 2
--R
                 (-18304A b + 31824B a b) d e - 11440B b d e
--R
--R
--R
               X
--R
                       3 3 4 2 7 4
                                                      2 4
--R
                 (320A \ a \ b \ - 520B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 2496A \ a \ b \ + 4256B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                                                        6
--R
                                     2492
                 (9152A \ a \ b \ - \ 16432B \ a \ b \ ) d \ e \ + \ (- \ 27456A \ b \ + \ 50336B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R.
                         6 11
--R
                 - 17160B b d
--R
--R
                3
--R
               x
--R
                          4 2 5 7 4 3 3 4 2 8 3
--R
--R
                 (-280A \ a \ b \ -14560B \ a \ b) d \ e \ + (2080A \ a \ b \ +71520B \ a \ b) d \ e
```

```
--R
                                                 2 4 3 3 9 2
--R
--R
                                       (- 6864A a b - 137696B a b )d e
--R
                                                          5 2 4 10 6 5 11
--R
                                    (13728A \ a \ b + 123552B \ a \ b \ )d \ e + (-24024A \ b -27456B \ a \ b \ )d
--R
--R
--R
--R
                                   X
--R
--R
                                                              5 6 7 4
                                                                                                                                   4 2 5 8 3
                                      (- 11760A a b - 10920B a )d e + (58240A a b + 48160B a b)d e
--R
--R
--R
                                                               3 3
                                                                                   4 2 9 2
--R
                                      (- 114400A a b - 78000B a b )d e
--R
--R
                                                       2 4 3 3 10
                                                                                                                             5 24 11
                                    (109824A a b + 50336B a b )d e + (- 48048A a b - 3432B a b )d
--R
--R
--R
--R
                                                674 5 683
--R
--R
                                - 9240A a d e + (43680A a b - 1680B a )d e
--R
--R
                                                   4 2 5 9 2 3 3
--R
                                (-80080A \ a \ b + 7280B \ a \ b) d \ e + (68640A \ a \ b - 11440B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                                                     2 4 3 3 11
--R
                             (-24024A \ a \ b + 6864B \ a \ b)d
--R.
--R
                            +----+ +----+
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                            (1155A a d + 18480A a )e
--R
--R
                                                                   6 2
--R
                                                    5
                                                                                                                      6
--R
                              ((-5460A \ a \ b + 210B \ a \ )d + (-87360A \ a \ b + 3360B \ a \ )d)e
--R
--R
                                                    4 2 5 3
                                                                                                                      5 2
                              ((10010A \ a \ b - 910B \ a \ b)d + (160160A \ a \ b - 14560B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                                                    3 3 4 2 4
                                                                                                             4 3 5 2 3 8
                             ((- 8580A a b + 1430B a b )d + (- 137280A a b + 22880B a b )d )e
--R
--R
                                                                                                                    3 4 4 3 4 7
--R
                                                2 4
                                                                   3 3 5
--R
                            ((3003A \ a \ b - 858B \ a \ b \ )d + (48048A \ a \ b - 13728B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
                            7
--R
                          x
```

```
--R
           6 2 7 10
--R
--R
          (8085A a d + 129360A a d)e
--R
                 5 6 3 6 7 2 9
--R
          ((-38220A a b + 1470B a)d + (-611520A a b + 23520B a)d)e
--R
--R
                  4 2 5 4
                                            5 2
--R
           ((70070A \ a \ b - 6370B \ a \ b)d + (1121120A \ a \ b - 101920B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                        3 3
                                  4 2 5
               (- 60060A a b + 10010B a b )d
--R
--R
--R
                        4 3
                (- 960960A a b + 160160B a b )d
--R
--R
--R
--R
--R
                  2 4 3 3 6 3 4 4 3 5 6
--R
--R
           ((21021A \ a \ b - 6006B \ a \ b ) d + (336336A \ a \ b - 96096B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
          6
--R
         X
--R
                 6 3 7 2 9
--R
--R
          (24255A a d + 388080A a d )e
--R
                                       6
--R
                    5
                        6 4
--R
          ((-114660A \ a \ b + 4410B \ a \ )d + (-1834560A \ a \ b + 70560B \ a \ )d )e
--R
                  4 2 5 5 5 5 2 6 4 7
--R
--R
           ((210210A \ a \ b - 19110B \ a \ b)d + (3363360A \ a \ b - 305760B \ a \ b)d)e
--R
                              4 2 6
--R
                       3 3
             (-180180A \ a \ b + 30030B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
                       4 3
                              5 2 5
             (- 2882880A a b + 480480B a b )d
--R
--R
--R
--R
--R
                                             3 4 4 3 6 5
--R
                   2 4
                        3 3 7
          ((63063A a b - 18018B a b )d + (1009008A a b - 288288B a b )d )e
--R
--R
--R
          5
--R
         x
--R
--R
                  6 4 7 3 8
```

```
--R
           (40425A a d + 646800A a d )e
--R
--R
                      5 6 5 6 7 4 7
--R
           ((-191100A a b + 7350B a)d + (-3057600A a b + 117600B a)d)e
--R
                         5 6
--R
                    4 2
                                                5 2
            ((350350A \ a \ b - 31850B \ a \ b)d + (5605600A \ a \ b - 509600B \ a \ b)d)e
--R
--R
                        3 3 4 2 7
--R
              (-300300A \ a \ b + 50050B \ a \ b ) d
--R
--R
                                      5 2 6
                        4 3
--R
             (- 4804800A a b + 800800B a b )d
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                  2 4 3 3 8
                                        3 4 4 3 7 4
          ((105105A \ a \ b \ - 30030B \ a \ b \ )d \ + (1681680A \ a \ b \ - 480480B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
--R
--R
          X
--R
--R
                  6 5 7 4 7
--R
           (40425A a d + 646800A a d )e
--R
                     5 6 6
--R
--R
           ((-191100A \ a \ b + 7350B \ a \ )d + (-3057600A \ a \ b + 117600B \ a \ )d )e
--R
                    4 2 5 7 5 2 6 6 5
--R
--R
           ((350350A \ a \ b - 31850B \ a \ b)d + (5605600A \ a \ b - 509600B \ a \ b)d)e
--R
                                 4 2 8
--R
                        3 3
--R
              (-300300A \ a \ b + 50050B \ a \ b )d
--R
                                      527
--R
                        4 3
--R
             (-4804800A a b + 800800B a b)d
--R
--R
--R
--R
                   2 4
                         3 3 9
                                               3 4
--R
                                                      4 3 8 3
--R
          ((105105A \ a \ b \ - 30030B \ a \ b \ )d \ + (1681680A \ a \ b \ - 480480B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
           3
--R
--R
                  6 6 7 5 6
--R
          (24255A a d + 388080A a d )e
--R
--R
```

```
5 6 7 6 7 6 5
--R
--R
           ((-114660A \ a \ b + 4410B \ a \ )d + (-1834560A \ a \ b + 70560B \ a \ )d )e
--R
--R
                    4 2 5 8
                                                5 2
--R
           ((210210A \ a \ b - 19110B \ a \ b)d + (3363360A \ a \ b - 305760B \ a \ b)d)e
--R
                       3 3 4 2 9
--R
--R
             (-180180A \ a \ b + 30030B \ a \ b)d
--R
--R
                        4 3
                                     528
--R
             (- 2882880A a b + 480480B a b )d
--R
--R
--R
--R
--R
                 2 4 3 3 10
                                       3 4 4 3 9 2
--R
          ((63063A \ a \ b \ - 18018B \ a \ b \ )d \ + (1009008A \ a \ b \ - 288288B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
          2
--R
          x
--R
--R
                 67 765
--R
           (8085A \ a \ d + 129360A \ a \ d )e
--R
--R
                    5 6 8
                                       6 7 7 4
--R
           ((-38220A a b + 1470B a)d + (-611520A a b + 23520B a)d)e
--R
                  4 2 5 9 5 2 6 8 3
--R
--R
           ((70070A \ a \ b - 6370B \ a \ b)d + (1121120A \ a \ b - 101920B \ a \ b)d)e
--R.
--R
                       3 3 4 2 10
--R
             (-60060A \ a \ b + 10010B \ a \ b )d
--R
                       4 3 5 2 9
--R
--R
             (- 960960A a b + 160160B a b )d
--R
--R
--R
--R
--R
                   2 4 3 3 11
                                              3 4 4 3 10
          ((21021A \ a \ b - 6006B \ a \ b ) d + (336336A \ a \ b - 96096B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R
         X
--R
--R
             68 774
--R
        (1155A \ a \ d + 18480A \ a \ d )e
--R
                                    6 7 8 3
--R
                         6 9
       ((-5460A \ a \ b + 210B \ a \ )d + (-87360A \ a \ b + 3360B \ a \ )d )e
--R
--R
```

```
4 2 5 10 5 2 6 9 2
--R
--R
       ((10010A \ a \ b - 910B \ a \ b)d + (160160A \ a \ b - 14560B \ a \ b)d)e
--R
--R
               3 3 4 2 11
                                         4 3
--R
       ((-8580A a b + 1430B a b )d + (-137280A a b + 22880B a b )d )e
--R
            2 4 3 3 12 3 4 4 3 11
--R
--R
       (3003A \ a \ b - 858B \ a \ b ) d + (48048A \ a \ b - 13728B \ a \ b ) d
--R /
              5 7 12 4 8 11 3 2 9 10 2 3 10 9
--R
--R
         60060a d e - 300300a b d e + 600600a b d e - 600600a b d e
--R
                4 11 8 5 12 7
--R
         300300a b d e - 60060b d e
--R
--R
--R
         7
--R
         X
--R
               5 8 11 4 9 10 3 2 10 9
--R
--R
          420420a d e - 2102100a b d e + 4204200a b d e
--R
--R
                 2 3 11 8 4 12 7 5 13 6
--R
          -4204200a b d e +2102100a b d e -420420b d e
--R
--R
         6
--R
         x
--R
               5 9 10 4 10 9 3 2 11 8
--R
--R
         1261260a d e - 6306300a b d e + 12612600a b d e
--R
                            4 13 6 5 14 5
                  2 3 12 7
--R
--R
         - 12612600a b d e + 6306300a b d e - 1261260b d e
--R
--R
         5
--R
        X
--R
--R
               5 10 9
                             4 11 8
--R
          2102100a d e - 10510500a b d e + 21021000a b d e
--R
                  2 3 13 6
--R
                                   4 14 5
         - 21021000a b d e + 10510500a b d e - 2102100b d e
--R
--R
--R.
         4
--R
         x
--R
                         4 12 7
--R
                5 11 8
                                             3 2 13 6
--R
          2102100a d e - 10510500a b d e + 21021000a b d e
--R
                  2 3 14 5 4 15 4 5 16 3
--R
--R
          -21021000a b d e +10510500a b d e -2102100b d e
```

```
--R
--R
         3
--R
         x
--R
                  5 12 7 4 13 6 3 2 14 5
--R
--R
          1261260a d e - 6306300a b d e + 12612600a b d e
--R
--R
                    2 3 15 4
                                     4 16 3
          - 12612600a b d e + 6306300a b d e - 1261260b d e
--R
--R
--R
--R
         X
--R
--R
                5 13 6
                          4 14 5
--R
           420420a d e - 2102100a b d e + 4204200a b d e
--R
                               4 17 2
--R
                    2 3 16 3
                                              5 18
--R
           - 4204200a b d e + 2102100a b d e - 420420b d e
--R
--R
         X
--R
--R
           5 14 5 4 15 4 3 2 16 3 2 3 17 2
--R
        60060a d e - 300300a b d e + 600600a b d e - 600600a b d e
--R
--R
                       5 19
              4 18
        300300a b d e - 60060b d
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1031
--S 1032 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
       (1155A a d + 18480A a )e
--R
--R
--R
                         6 2
                                        6
       ((-5460A \ a \ b + 210B \ a \ )d + (-87360A \ a \ b + 3360B \ a \ )d)e
--R
--R
--R
                4 2
                        5 3
                                        5 2
--R
       ((10010A \ a \ b - 910B \ a \ b)d + (160160A \ a \ b - 14560B \ a \ b)d)e
--R
                                             4 3
--R.
                 3 3
                           424
        ((- 8580A a b + 1430B a b )d + (- 137280A a b + 22880B a b )d )e
--R
--R
             24 335 34 434
--R
--R
        (3003A \ a \ b - 858B \ a \ b \ )d + (48048A \ a \ b - 13728B \ a \ b \ )d
--R /
--R
            5 7 5 4 8 4 3 2 9 3 2 3 10 2
```

```
--R
         60060a d e - 300300a b d e + 600600a b d e - 600600a b d e
--R
--R
                  4 11
                               5 12
--R
         300300a \ b \ d \ e - 60060b \ d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1032
--S 1033 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1033
)clear all
--S 1034 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(17/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
--R
       (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R /
            88 77 266 355 444 533 622
--R
--R
           e x + 8d e x + 28d e x + 56d e x + 70d e x + 56d e x + 28d e x
--R
--R
             7
                 8
--R.
           8d e x + d
--R
--R
          +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1034
--S 1035 of 1293
r0:=-2/15*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(15/2))+_
    2/39*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
    (d+e*x)^(13/2)+16/429*b*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/_
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(11/2))+32/1287*b^2*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*_
    (a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(9/2))+_
    128/9009*b^3*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^5*_
    (d+e*x)^(7/2)+256/45045*b^4*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*_
    (a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^6*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
     (2)
                              6 5 7 4 7
--R
--R
           ((512A b - 768B a b)e + 256B b d e)x
```

```
--R
             6 255 7 6 4
--R
--R
           (- 256A a b + 384B a b )e + (3840A b - 5888B a b )d e
--R
                7 2 3
--R
--R
          1920B b d e
--R
--R
--R
          x
--R
                25 345 6 254
--R
           (192A a b - 288B a b )e + (- 1920A a b + 2976B a b )d e
--R
--R
                       6 2 3
--R
--R
           (12480A b - 19680B a b )d e + 6240B b d e
--R
--R
          5
--R
          x
--R
                 3 4 4 3 5 2 5 3 4 4
--R
--R
           (- 160A a b + 240B a b )e + (1440A a b - 2240B a b )d e
--R
--R
                             2523
--R
           (-6240A a b + 10080B a b )d e + (22880A b - 37440B a b )d e
--R
                 7 4
--R
--R
           11440B b d e
--R
--R
          4
--R
          x
--R
                 4 3 5 2 5 3 4 4 3 4
--R
--R
           (140A a b - 210B a b )e + (- 1200A a b + 1870B a b )d e
--R
                 2 5 3 4 2 3
--R
            (4680A \ a \ b \ - 7620B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 11440A \ a \ b \ + 19500B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                            6 4
          (25740A b - 44330B a b )d e + 12870B b d
--R
--R
--R
           3
--R
          x
--R.
--R
                  5 2 6 5 4 3 5 2 4
--R
           (- 126A a b - 8820B a b)e + (1050A a b + 52416B a b )d e
--R
                  3 4 4 3 2 3 2 5 3 4 3 2
--R
--R
           (- 3900A a b - 128760B a b )d e + (8580A a b + 165360B a b )d e
--R
--R
                              2 5 4 7 6 5
                      6
```

```
--R
                               (- 12870A a b - 111540B a b )d e + (18018A b + 20592B a b )d
--R
--R
                                2
--R
                             X
--R
                                                      6 7 5 5 2 6 4
--R
--R
                                (-7392A \ a \ b - 6930B \ a \ ) e + (44100A \ a \ b + 38262B \ a \ b) d \ e
--R
                                                          4 3 5 2 2 3
--R
--R
                                (- 109200A a b - 84420B a b )d e
--R
                                                                                    4 3 3 2
--R
                                                       3 4
                                  (143000A a b + 91260B a b )d e
--R
--R
--R
                                                          2 5
                                                                         3 4 4
                                                                                                                   6 255
                               (-102960A \ a \ b \ -44330B \ a \ b \ )d \ e \ + (36036A \ a \ b \ + 2574B \ a \ b \ )d
--R
--R
--R
--R
                                           7 5 6 7 4
--R
--R
                          -6006A a e + (34650A a b -924B a )d e
--R
                                              5 2 6 2 3 4 3 5 2 3 2
--R
--R
                        (-81900A a b + 5040B a b)d e + (100100A a b - 10920B a b )d e
--R
                                              3 4 4 3 4 2 5 3 4 5
--R
--R
                        (- 64350A a b + 11440B a b )d e + (18018A a b - 5148B a b )d
--R
--R
--R
                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                6 13 5 12 4 2 2 11 3 3 3 10
--R
--R
                                   45045a e - 270270a b d e + 675675a b d e - 900900a b d e
--R
                                               2 4 4 9 5 5 8 6 6 7
--R
                               675675a b d e - 270270a b d e + 45045b d e
--R
--R
--R
--R
                              x
--R
--R
                                                                        5 2 11
                                                                                                                               4 2 3 10
                                315315a d e - 1891890a b d e + 4729725a b d e
--R
--R
                                                                             2 4 5 8
--R
                                                    3 3 4 9
                                                                                                                                     5 6 7 6 7 6
--R
                             - 6306300a b d e + 4729725a b d e - 1891890a b d e + 315315b d e
--R
--R
                               6
--R
                            X
--R
--R
                                                  6 2 11 5 3 10 4 2 4 9
```

```
945945a d e - 5675670a b d e + 14189175a b d e
--R
--R
                    3 3 5 8 2 4 6 7 5 7 6
--R
            - 18918900a b d e + 14189175a b d e - 5675670a b d e
--R
--R
--R
                 6 8 5
--R
           945945b d e
--R
--R
--R
           х
--R
                  6 3 10 5 4 9
--R
           1576575a d e - 9459450a b d e + 23648625a b d e
--R
--R
--R
                    3 3 6 7
                              2 4 7 6
                                              5 8 5
--R
            - 31531500a b d e + 23648625a b d e - 9459450a b d e
--R
--R
                 6 9 4
--R
           1576575b d e
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                 6 4 9 5 5 8 4 2 6 7
            1576575a d e - 9459450a b d e + 23648625a b d e
--R
--R
                              2 4 8 5
--R
                    3 3 7 6
--R
            - 31531500a b d e + 23648625a b d e - 9459450a b d e
--R
--R
                 6 10 3
--R
           1576575b d e
--R
--R
           3
--R
           x
--R
                 6 5 8 5 6 7 4 2 7 6
--R
--R
           945945a d e - 5675670a b d e + 14189175a b d e
--R
                                   2 4 9 4
--R
                    3 3 8 5
--R
            - 18918900a b d e + 14189175a b d e - 5675670a b d e
--R
--R
                6 11 2
--R.
           945945b d e
--R
--R
           2
--R
--R
                 6 6 7 5 7 6 4 2 8 5 3 3 9 4
--R
           315315a d e - 1891890a b d e + 4729725a b d e - 6306300a b d e
--R
--R
```

```
2 4 10 3 5 11 2 6 12
--R
--R
            4729725a b d e - 1891890a b d e + 315315b d e
--R
--R
--R
             6 7 6 5 8 5 4 2 9 4 3 3 10 3
--R
--R
         45045a d e - 270270a b d e + 675675a b d e - 900900a b d e
--R
               2 4 11 2 5 12 6 13
--R
         675675a b d e - 270270a b d e + 45045b d
--R
--R
        +----+
--R
        --R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1035
--S 1036 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                 7 6 8 5 7 9 4 7
--R
           ((2048A b - 3072B a b) d e + 1024B b d e) x
--R
                                                     6 9 4
--R
                       6 2585 7
--R
             (-1024A \ a \ b + 1536B \ a \ b ) d \ e + (15360A \ b - 23552B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                   7 10 3
--R
              7680B b d e
--R
--R
             6
--R
            X
--R
                   25 3485 6 2594
--R
--R
              (768A \ a \ b \ - 1152B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 7680A \ a \ b \ + 11904B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                               6 10 3 7 11 2
              (49920A b - 78720B a b)d e + 24960B b d e
--R
--R
--R
             5
--R
            х
--R
--R.
                    3 4 4 3 8 5 2 5 3 4 9 4
--R
             (-640A a b + 960B a b )d e + (5760A a b - 8960B a b )d e
--R
--R
                       6
                                 2 5 10 3
--R
              (-24960A \ a \ b + 40320B \ a \ b) d \ e
--R
                    7 6 11 2 7 12
--R
--R
              (91520A b - 149760B a b)d e + 45760B b d e
```

```
--R
--R
             4
--R
            X
--R
                   43 5285 34 4394
--R
               (560A \ a \ b \ - 840B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 4800A \ a \ b \ + 7480B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                     2 5 3 4 10 3
--R
               (18720A \ a \ b \ - 30480B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
                       6 25 11 2
--R
               (-45760A \ a \ b + 78000B \ a \ b )d \ e
--R
--R
--R
                                  6 12
--R
               (102960A b - 177320B a b)d e + 51480B b d
--R
--R
              3
--R
             x
--R
                     5 2 6 8 5 4 3 5 2 9 4
--R
--R
              (-504A a b - 35280B a b)d e + (4200A a b + 209664B a b )d e
--R
                      3 4
--R
                            4 3 10 3
--R
              (-15600A a b -515040B a b )d e
--R
                      2 5 3 4 11 2
--R
--R
              (34320A a b + 661440B a b )d e
--R
                       6 2 5 12
                                            7 6 13
--R
--R
             (-51480A \ a \ b \ -446160B \ a \ b \ )d \ e + (72072A \ b \ +82368B \ a \ b \ )d
--R
--R
              2
--R
             X
--R
                                 7 8 5
                                                 5 2 6 9 4
--R
              (- 29568A a b - 27720B a )d e + (176400A a b + 153048B a b)d e
--R
--R
                       4 3 5 2 10 3
--R
              (-436800A a b -337680B a b )d e
--R
--R
--R
                      3 4 4 3 11 2
               (572000A \ a \ b + 365040B \ a \ b ) d \ e
--R
--R.
--R
                       2 5
                               3 4 12
--R
               (-411840A \ a \ b \ -177320B \ a \ b \ )d \ e
--R
                     6 2 5 13
--R
--R
               (144144A \ a \ b + 10296B \ a \ b ) d
--R
--R
            x
```

```
--R
                                    785 6 794
--R
--R
                              - 24024A a d e + (138600A a b - 3696B a )d e
--R
                                                  5 2 6 10 3
--R
                               (-327600A \ a \ b + 20160B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                   5 2 11 2
                                                4 3
--R
                              (400400A \ a \ b - 43680B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                                    3 4 4 3 12
                                                                                                                               2 5 3 4 13
--R
--R
                             (-257400A \ a \ b + 45760B \ a \ b ) d \ e + (72072A \ a \ b \ - 20592B \ a \ b ) d
--R
--R
                            +----+
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                           7
                                                          8 13
                             (3003A a d + 48048A a )e
--R
--R
                                                   6 7 2
--R
--R
                             ((-17325A \ a \ b + 462B \ a \ )d + (-277200A \ a \ b + 7392B \ a \ )d)e
--R
                                                5 2 6 3
--R
                                                                                                                    6 2
--R
                             ((40950A \ a \ b - 2520B \ a \ b)d + (655200A \ a \ b - 40320B \ a \ b)d)e
--R
                                                43 524 53 623
--R
--R
                                  ((-50050A \ a \ b + 5460B \ a \ b) d + (-800800A \ a \ b + 87360B \ a \ b) d)
--R
--R
                                    10
--R
                                е
--R
                                                 3 4 4 3 5 4 4 5 3 4 9
--R
--R
                             ((32175A \ a \ b \ - 5720B \ a \ b \ )d + (514800A \ a \ b \ - 91520B \ a \ b \ )d \ )e
--R
                                                  25 346
                                                                                                                    3 5 4 4 5 8
--R
                              ((-9009A \ a \ b + 2574B \ a \ b )d + (-144144A \ a \ b + 41184B \ a \ b )d )e
--R
--R
--R
                            8
--R
                          x
--R
                                              7 2 8 12
--R
                            (24024A a d + 384384A a d)e
--R
--R
--R
                                                                                  7 3
                                                                                                                              7
                                                                                                                                            8 2 11
                             ((- 138600A a b + 3696B a )d + (- 2217600A a b + 59136B a )d )e
--R
--R
                                                  5 2 6 4 6 2 7 3 10
--R
                             ((327600A \ a \ b - 20160B \ a \ b)d + (5241600A \ a \ b - 322560B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                                                                 4 3
                                                                                    5 2 5
```

```
--R
              (-400400A \ a \ b + 43680B \ a \ b ) d
--R
--R
                         5 3 6 2 4
--R
              (- 6406400A a b + 698880B a b )d
--R
--R
              9
--R
            е
--R
                    3 4 4 3 6 4 4 5 3 5 8
--R
            ((257400A \ a \ b \ - 45760B \ a \ b \ )d \ + (4118400A \ a \ b \ - 732160B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
                               3 4 7
--R
                       2 5
              (-72072A \ a \ b + 20592B \ a \ b )d
--R
--R
--R
                         3 5 4 4 6
--R
              (- 1153152A a b + 329472B a b )d
--R
--R
              7
--R
--R
--R
           7
--R
          x
--R
                  7 3 8 2 11
--R
--R
            (84084A a d + 1345344A a d)e
--R
--R
--R
           ((-485100A a b + 12936B a)d + (-7761600A a b + 206976B a)d)e
--R
                     5 2 6 5
--R
--R
                (1146600A a b - 70560B a b)d
--R
--R
                          6 2
--R
                 (18345600A a b - 1128960B a b)d
--R
--R
--R
            е
--R
--R
                          4 3
--R
              (-1401400A \ a \ b + 152880B \ a \ b ) d
--R
--R
                          5 3 6 2 5
--R.
              (-22422400A \ a \ b + 2446080B \ a \ b )d
--R
--R
              8
--R
--R
--R
                       3 4 4 3 7
              (900900A a b - 160160B a b )d
--R
--R
```

```
4 4 5 3 6
--R
--R
             (14414400A a b - 2562560B a b )d
--R
--R
             7
--R
           е
--R
                      2 5 3 4 8
--R
--R
            (-252252A \ a \ b + 72072B \ a \ b ) d
--R
                             4 4 7
                      3 5
--R
--R
            (- 4036032A a b + 1153152B a b )d
--R
--R
--R
--R
--R
         6
--R
         X
--R
--R
                 7 4 8 3 10
          (168168A a d + 2690688A a d )e
--R
--R
                 6 7 5 7 8 4 9
--R
--R
           ((-970200A \ a \ b + 25872B \ a \ )d + (-15523200A \ a \ b + 413952B \ a \ )d )e
--R
--R
                  5 2 6 6
               (2293200A a b - 141120B a b)d
--R
--R
                       6 2 7 5
--R
--R
               (36691200A a b - 2257920B a b)d
--R
--R
             8
--R
--R
                      4 3 5 2 7
--R
--R
             (-2802800A \ a \ b + 305760B \ a \ b ) d
--R
                     5 3 6 2 6
--R
--R
             (-44844800A a b + 4892160B a b)d
--R
--R
--R
--R
--R
                     3 4 4 3 8
            (1801800A a b - 320320B a b )d
--R
--R
                             5 3 7
--R
                      4 4
--R
             (28828800A a b - 5125120B a b )d
--R
--R
            6
--R
            е
```

```
--R
                    2 5 3 4 9
--R
--R
             (-504504A \ a \ b + 144144B \ a \ b )d
--R
                       3 5 4 4 8
--R
--R
             (-8072064A \ a \ b + 2306304B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
             е
--R
--R
          5
--R
         X
--R
--R
                  7 5
--R
          (210210A a d + 3363360A a d )e
--R
--R
                     6
                            7 6
                                           7 8 5 8
           ((-1212750A a b + 32340B a)d + (-19404000A a b + 517440B a)d)e
--R
--R
--R
                       5 2 6 7
--R
               (2866500A a b - 176400B a b)d
--R
--R
                     6 2 7 6
                (45864000A a b - 2822400B a b)d
--R
--R
--R
             7
--R
--R
                        4 3 5 2 8
--R
--R
             (-3503500A \ a \ b + 382200B \ a \ b )d
--R
                        5 3 6 2 7
--R
--R
              (-56056000A \ a \ b + 6115200B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
             е
--R
                      3 4 4 3 9
--R
              (2252250A a b - 400400B a b )d
--R
--R
--R
                       4 4
                              5 3 8
--R
              (36036000A a b - 6406400B a b )d
--R
--R
--R
--R
                      2 5 3 4 10
--R
--R
             (-630630A \ a \ b + 180180B \ a \ b ) d
--R
                                     449
--R
                          3 5
```

```
(-10090080A \ a \ b + 2882880B \ a \ b \ )d
--R
--R
--R
              4
--R
--R
--R
--R
         X
--R
                   7 6 8 5 8
--R
          (168168A a d + 2690688A a d )e
--R
--R
                            7 7
                                                  7
--R
                     6
           ((- 970200A a b + 25872B a )d + (- 15523200A a b + 413952B a )d )e
--R
--R
--R
                        5 2
                                6 8
--R
                (2293200A a b - 141120B a b)d
--R
--R
                         6 2
--R
                 (36691200A a b - 2257920B a b)d
--R
--R
--R
            е
--R
--R
                        4 3 5 2 9
              (- 2802800A a b + 305760B a b )d
--R
--R
                     5 3
--R
--R
              (-44844800A \ a \ b + 4892160B \ a \ b ) d
--R
--R
              5
--R
--R
                       3 4 4 3 10
--R
--R
              (1801800A a b - 320320B a b )d
--R
                               5 3 9
                        4 4
--R
              (28828800A a b - 5125120B a b )d
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                        2 5 3 4 11
--R
              (-504504A \ a \ b + 144144B \ a \ b ) d
--R
                        3 5 4 4 10
--R
              (-8072064A \ a \ b + 2306304B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
--R
             е
--R
```

```
--R
         3
--R
         X
--R
                7 7 8 6 7
--R
--R
          (84084A a d + 1345344A a d )e
--R
                   6 78 7 876
--R
          ((-485100A \ a \ b + 12936B \ a \ )d + (-7761600A \ a \ b + 206976B \ a \ )d )e
--R
--R
                              6 9
--R
                       5 2
--R
              (1146600A a b - 70560B a b)d
--R
                        6 2 7 8
--R
                (18345600A a b - 1128960B a b)d
--R
--R
--R
             5
--R
--R
--R
                       4 3 5 2 10
             (- 1401400A a b + 152880B a b )d
--R
--R
                     5 3 6 2 9
--R
--R
              (-22422400A \ a \ b + 2446080B \ a \ b )d
--R
--R
--R
--R
                     3 4 4 3 11
--R
--R
             (900900A a b - 160160B a b )d
--R
                      4 4 5 3 10
--R
--R
              (14414400A a b - 2562560B a b )d
--R
--R
--R
--R
                       2 5 3 4 12
--R
--R
             (-252252A \ a \ b + 72072B \ a \ b ) d
--R
                              4 4 11
--R
                       3 5
             (- 4036032A a b + 1153152B a b )d
--R
--R
--R
             2
--R
--R
--R
          2
--R
--R
                78 876
--R
           (24024A \ a \ d + 384384A \ a \ d )e
--R
```

```
--R
                     6 7 9
                                        7 8 8 5
--R
--R
           ((-138600A \ a \ b + 3696B \ a \ )d + (-2217600A \ a \ b + 59136B \ a \ )d )e
--R
                   5 2 6 10 6 2 7 9 4
--R
            ((327600A \ a \ b \ - 20160B \ a \ b)d \ + (5241600A \ a \ b \ - 322560B \ a \ b)d \ )e
--R
--R
                                5 2 11
--R
                        4 3
              (-400400A \ a \ b + 43680B \ a \ b )d
--R
--R
                       5 3 6 2 10
--R
              (- 6406400A a b + 698880B a b )d
--R
--R
--R
--R
             е
--R
--R
                        3 4 4 3 12
                (257400A a b - 45760B a b )d
--R
--R
                        4 4 5 3 11
--R
--R
                 (4118400A a b - 732160B a b )d
--R
--R
              2
--R
--R
                       2 5 3 4 13
--R
--R
              (-72072A \ a \ b + 20592B \ a \ b )d
--R
                    3 5 4 4 12
--R
--R
              (-1153152A \ a \ b + 329472B \ a \ b )d
--R
--R
--R
--R
--R
              7 9 8 8 5
--R
--R
        (3003A \ a \ d + 48048A \ a \ d )e
--R
                 6 7 10
--R
                                            7
--R
        ((-17325A \ a \ b + 462B \ a \ )d + (-277200A \ a \ b + 7392B \ a \ )d )e
--R
                                     6 2
--R
               5 2 6 11
                                                  7 10 3
--R.
        ((40950A \ a \ b - 2520B \ a \ b)d + (655200A \ a \ b - 40320B \ a \ b)d )e
--R
                4 3 5 2 12
                                        5 3 6 2 11 2
--R
        ((-50050A \ a \ b + 5460B \ a \ b) d + (-800800A \ a \ b + 87360B \ a \ b) d ) e
--R
--R
--R
                3 4 4 3 13
                                            4 4
        ((32175A \ a \ b \ - 5720B \ a \ b \ )d \ + (514800A \ a \ b \ - 91520B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
```

```
2 5 3 4 14 3 5 4 4 13
--R
--R
       (- 9009A a b + 2574B a b )d + (- 144144A a b + 41184B a b )d
--R /
--R
               6 8 14
                       5 9 13
                                         4 2 10 12
--R
         180180a d e - 1081080a b d e + 2702700a b d e
--R
                3 3 11 11 2 4 12 10 5 13 9
--R
--R
         - 3603600a b d e + 2702700a b d e - 1081080a b d e
--R
--R
              6 14 8
--R
         180180b d e
--R
--R
         8
--R
        x
--R
--R
               6 9 13 5 10 12
                                       4 2 11 11
--R
         1441440a d e - 8648640a b d e + 21621600a b d e
--R
                            2 4 13 9
--R
                 3 3 12 10
--R
          - 28828800a b d e + 21621600a b d e - 8648640a b d e
--R
--R
               6 15 7
--R
         1441440b d e
--R
--R
         7
--R
        x
--R
               6 10 12 5 11 11 4 2 12 10
--R
--R
         5045040a d e - 30270240a b d e + 75675600a b d e
--R.
                           2 4 14 8
--R
                  3 3 13 9
--R
         - 100900800a b d e + 75675600a b d e - 30270240a b d e
--R
--R
               6 16 6
--R
         5045040b d e
--R
--R
         6
--R
        X
--R
                6 11 11 5 12 10
--R
                                              4 2 13 9
         10090080a d e - 60540480a b d e + 151351200a b d e
--R
--R
                  3 3 14 8 2 4 15 7
--R.
                                            5 16 6
--R
          - 201801600a b d e + 151351200a b d e - 60540480a b d e
--R
--R
                 6 17 5
--R
         10090080b d e
--R
--R
        5
--R
        x
```

```
--R
            6 12 10 5 13 9 4 2 14 8
--R
--R
         12612600a d e - 75675600a b d e + 189189000a b d e
--R
                  3 3 15 7 2 4 16 6 5 17 5
--R
--R
         - 252252000a b d e + 189189000a b d e - 75675600a b d e
--R
--R
                6 18 4
         12612600b d e
--R
--R
--R
--R
         x
--R
--R
                6 13 9
                         5 14 8
--R
         10090080a d e - 60540480a b d e + 151351200a b d e
--R
                              2 4 17 5
--R
                  3 3 16 6
                                               5 18 4
--R
          - 201801600a b d e + 151351200a b d e - 60540480a b d e
--R
--R
                6 19 3
--R
         10090080b d e
--R
--R
         3
--R
         X
--R
               6 14 8 5 15 7 4 2 16 6
--R
--R
          5045040a d e - 30270240a b d e + 75675600a b d e
--R
--R
                   3 3 17 5
                             2 4 18 4
--R
          - 100900800a b d e + 75675600a b d e - 30270240a b d e
--R
--R
               6 20 2
--R
         5045040b d e
--R
--R
         2
--R
         x
--R
               6 15 7 5 16 6
--R
--R
          1441440a d e - 8648640a b d e + 21621600a b d e
--R
--R
                  3 3 18 4
                            2 4 19 3
          - 28828800a b d e + 21621600a b d e - 8648640a b d e
--R
--R
--R
               6 21
--R
         1441440b d e
--R
--R
--R
           6 16 6 5 17 5 4 2 18 4 3 3 19 3
--R
       180180a d e - 1081080a b d e + 2702700a b d e - 3603600a b d e
--R
```

```
--R
              2 4 20 2 5 21 6 22
--R
--R
        2702700a b d e - 1081080a b d e + 180180b d
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1036
--S 1037 of 1293 ok to fail, differs by a constant
--R
--R
--R
     (4)
--R
               7
        (3003A \ a \ d + 48048A \ a )e
--R
--R
                                       7
--R
                         7 2
--R
        ((-17325A \ a \ b + 462B \ a \ )d + (-277200A \ a \ b + 7392B \ a \ )d)e
--R
--R
                5 2 6 3
                                            6 2
--R
       ((40950A \ a \ b - 2520B \ a \ b)d + (655200A \ a \ b - 40320B \ a \ b)d)e
--R
--R
                             524
                                                5 3 6 2 3 2
--R
       ((-50050A \ a \ b + 5460B \ a \ b )d + (-800800A \ a \ b + 87360B \ a \ b )d )e
--R
                 3 4 4 3 5 4 4 5 3 4
--R
--R
        ((32175A a b - 5720B a b )d + (514800A a b - 91520B a b )d )e
--R
--R
--R
         (-9009A \ a \ b + 2574B \ a \ b )d + (-144144A \ a \ b + 41184B \ a \ b )d
--R /
               6 8 6 5 9 5 4 2 10 4 3 3 11 3
--R
--R
        180180a d e - 1081080a b d e + 2702700a b d e - 3603600a b d e
--R
--R
                2 4 12 2
                                 5 13
--R
        2702700a b d e - 1081080a b d e + 180180b d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1037
--S 1038 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1038
)clear all
--S 1039 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)
--R
```

```
--R
--R
                       (1)
--R
                                                  2 2 5
                                                                            2
                                                                                                                                                                                 2
                                                                                                                        2
--R
                                     B b e x + ((A b + 2B a b)e + 2B b d e)x
--R
--R
                                                                                             2 2
                                                                                                                                          2
--R
                                       ((2A \ a \ b + B \ a \ )e + (2A \ b + 4B \ a \ b)d \ e + B \ b \ d)x
--R
--R
                                                                                                                                   2
                                                                                                                                                                                 2
--R
                                       (A a e + (4A a b + 2B a) d e + (A b + 2B a b) d) x
--R
--R
                                                                                                                                       2 2
                                                                                                                                                                                     2 2
                                       (2A \ a \ d \ e + (2A \ a \ b + B \ a \ )d \ )x + A \ a \ d
--R
--R
                                   +----+
--R
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
                                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1039
--S 1040 of 1293
r0:=1/24*(b*d-a*e)*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(7/2)*(d+e*x)^(3/2)/_
                    (b^3*e)+1/12*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(7/2)*(d+e*x)^(5/2)/_
                    (b^2*e)+1/7*B*(a+b*x)^(7/2)*(d+e*x)^(7/2)/(b*e)-5/1024*(b*d-a*e)^6*_
                   (2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
                    (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(9/2)*e^(9/2))-5/1536*(b*d-a*e)^4*_
                    (2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^4*e^3)+_
                   1/384*(b*d-a*e)^3*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/_
                    (b^4*e^2)+1/64*(b*d-a*e)^2*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(7/2)*_
                   sqrt(d+e*x)/(b^4*e)+5/1024*(b*d-a*e)^5*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*_
                   sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^4*e^4)
--R
--R
--R
                       (2)
                                                                                                                              7 7
--R
                                                                                                                                                                                       5 2
--R
                                                       (-210A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (1260A \ a \ b - 525B \ a \ b)d \ e
--R
--R.
                                                                                                                                    5 2 2 5
                                                                                                                                                                                                                 3 4
--R
                                                       (-3150A \ a \ b + 945B \ a \ b ) d \ e + (4200A \ a \ b - 525B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                                                                            2 5
                                                                                                                                          3 4 4 3
 --R
                                                       (-3150A \ a \ b \ -525B \ a \ b \ ) d \ e \ + (1260A \ a \ b \ +945B \ a \ b \ ) d \ e
 --R
--R.
                                                                                        7
                                                                                                                                    6 6
                                                                                                                                                                                       7 7
--R.
                                                       (-210A b - 525B a b) d e + 105B b d
--R
--R
                                                                        +-+ +----+
--R
                                                                     --R
                                              atanh(-----)
                                                                         +-+ +----+
--R
--R
                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
```

```
--R
            6 6 6 5 6 6 5 5
--R
--R
          3072B b e x + ((3584A b + 7424B a b)e + 7424B b d e)x
--R
                    5 246 6 55
--R
              (8960A \ a \ b + 4736B \ a \ b ) e + (8960A \ b + 18688B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
            4736B b d e
--R
--R
--R
--R
--R
                   24 336 5 24 5
--R
--R
             (6048A a b + 48B a b )e + (23744A a b + 12752B a b )d e
--R
--R
                         5 2 4
                                       6 3 3
--R
             (6048A b + 12752B a b )d e + 48B b d e
--R
--R
             3
--R
            x
--R
                  3 3 4 2 6 2 4 3 3 5
--R
--R
             (112A a b - 56B a b )e + (17808A a b + 256B a b )d e
--R
                  5 2424 6 533
--R
--R
              (17808A \ a \ b + 9840B \ a \ b ) d \ e + (112A \ b + 256B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                   6 4 2
--R
             - 56B b d e
--R
--R
             2
--R
           x
--R
                    4 2 5 6 3 3 4 2 5
--R
             (- 140A a b + 70B a b)e + (784A a b - 322B a b )d e
--R
--R
--R
                     2 4 3 3 2 4
                                             5 24 3 3
              (16632A \ a \ b + 508B \ a \ b ) d \ e + (784A \ a \ b + 508B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                    6 5 4 2 6 5
--R
             (- 140A b - 322B a b )d e + 70B b d e
--R
--R.
--R
--R
                                4 2 5 5
--R
                    6 6
--R
           (210A \ a \ b - 105B \ a \ )e + (-1190A \ a \ b + 490B \ a \ b)d \ e
--R
                 3 3 4 2 2 4 2 4 3 3 3 3
--R
           (2772A \ a \ b \ - 791B \ a \ b \ ) d \ e \ + (2772A \ a \ b \ + 300B \ a \ b \ ) d \ e
--R
```

```
--R
--R
                                                                     5 2442
                                                                                                                                                                  5 5 6 6
                                                                                                                                    6
--R
                                   (-1190A \ a \ b \ -791B \ a \ b \ )d \ e \ + (210A \ b \ +490B \ a \ b \ )d \ e \ -105B \ b \ d
--R
                                     +-+ +-+ +----+
--R
--R
                                   --R /
--R
                                        4 4 +-+ +-+
--R
                       21504b e \|b \|e
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1040
--S 1041 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1041
--S 1042 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1042
--S 1043 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1043
)clear all
--S 1044 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
                 (1)
--R
                                      2 4
                                                                     2
--R
                           B b e x + ((A b + 2B a b)e + B b d)x
--R
--R
                                                                     2
                                                                                                                                         2
                                                                                                                                                                   2
                              ((2A \ a \ b + B \ a \ )e + (A \ b \ + 2B \ a \ b)d)x + (A \ a \ e + (2A \ a \ b + B \ a \ )d)x
--R
--R
--R
                                      2
--R
                             Aad
--R *
                          +----+
--R
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1044
--S 1045 of 1293
r0:=-1/60*(7*b*B*d-12*A*b*e+5*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*e)+_
               1/6*B*(a+b*x)^(7/2)*(d+e*x)^(5/2)/(b*e)+1/512*(b*d-a*e)^5*(7*b*B*d-_
               12*A*b*e+5*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*_
               sqrt(d+e*x)))/(b^{(7/2)}*e^{(9/2)})+1/768*(b*d-a*e)^3*(7*b*B*d-_
```

```
12*A*b*e+5*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e^3)-_
            1/960*(b*d-a*e)^2*(7*b*B*d-12*A*b*e+5*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*_
            sqrt(d+e*x)/(b^3*e^2)-1/160*(b*d-a*e)*(7*b*B*d-12*A*b*e+5*a*B*e)*_
            (a+b*x)^(7/2)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e)-1/512*(b*d-a*e)^4*_
             (7*b*B*d-12*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e^4)
--R
--R
--R
              (2)
                                                  5 6 6 4 2 5 5
--R
--R
                                   (180A \ a \ b - 75B \ a \ )e + (-900A \ a \ b + 270B \ a \ b)d \ e
--R
                                                                               4 2 2 4
--R
                                                     3 3
                                                                                                                                    2 4
                                   (1800A \ a \ b \ - 225B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 1800A \ a \ b \ - 300B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                                                                                 2 4 4 2
                                                                                                                                                5 5
                                                                                                                               6
--R
                                   (900A \ a \ b + 675B \ a \ b ) d \ e + (-180A \ b - 450B \ a \ b ) d \ e + 105B \ b \ d
--R
--R
                                              +-+ +----+
--R
                                           --R
                             atanh(-----)
                                             +-+ +----+
--R
--R
                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                  5 5 5 5 4 5 5 4 4
--R
                                  1280B b e x + ((1536A b + 3200B a b)e + 1664B b d e)x
--R
--R
                                                                                     235
--R
                                            (4032A \ a \ b + 2160B \ a \ b ) e + (2112A \ b + 4448B \ a \ b ) d \ e
--R
--R.
                                                        5 2 3
--R
                                           48B b d e
--R
--R
                                         3
--R
                                       х
--R
                                                                2 3 3 2 5
--R
                                                                                                                                                                 2 3 4
--R
                                            (2976A \ a \ b + 40B \ a \ b ) e + (6144A \ a \ b + 3384B \ a \ b ) d \ e
--R
                                                                                    4 2 3
--R
                                                        5
                                                                                                                      5 3 2
--R
                                            (96A b + 216B a b) d e - 56B b d e
--R
--R
                                         2
--R.
                                       Х
--R.
--R
                                                             3 2
                                                                              4 5
                                                                                                                            2 3
--R
                                            (120A a b - 50B a b)e + (5592A a b + 160B a b )d e
--R
--R
                                                                                          2 3 2 3
                                          (552A a b + 348B a b )d e + (- 120A b - 272B a b )d e
--R
--R.
```

```
--R
                     5 4
--R
                70B b d e
--R
--R
--R
                               5 5 3 2
--R
--R
             (-180A \ a \ b + 75B \ a \ )e + (840A \ a \ b - 245B \ a \ b)d \ e
--R
                    2 3
                                                   4
                              3 2 2 3
--R
                                                            2 3 3 2
             (1536A \ a \ b + 150B \ a \ b ) d \ e + (-840A \ a \ b - 546B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                   5
                              4 4
                                          5 5
             (180A b + 415B a b) d e - 105B b d
--R
--R
--R
            +-+ +-+ +----+
--R
           --R /
            3 4 +-+ +-+
--R
--R
       7680b e \|b \|e
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1045
--S 1046 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1046
--S 1047 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1047
--S 1048 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1048
)clear all
--S 1049 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
     (1)
--R
                                                      2 +----+
      2 3
                2
                            2
                                              2
--R
     (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus b x + a \setminus e x + d
--R.
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1049
--S 1050 of 1293
r0:=1/5*B*(a+b*x)^(7/2)*(d+e*x)^(3/2)/(b*e)+1/128*(b*d-a*e)^4*_
    (7*b*B*d-10*A*b*e+3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
    (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(5/2)*e^(9/2))+1/192*(b*d-a*e)^2*_
```

```
(7*b*B*d-10*A*b*e+3*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e^3)-_
            1/240*(b*d-a*e)*(7*b*B*d-10*A*b*e+3*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/_
            (b^2*e^2)-1/40*(7*b*B*d-10*A*b*e+3*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)*_
            sqrt(d+e*x)/(b^2*e)-1/128*(b*d-a*e)^3*(7*b*B*d-10*A*b*e+3*a*B*e)*_
            sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e^4)
--R
--R
--R
              (2)
                                                                        5 5 3 2 4 4
--R
--R
                                 (-150A \ a \ b + 45B \ a \ ) e + (600A \ a \ b - 75B \ a \ b) d \ e
--R
                                                                        3 2 2 3
--R
                                                      2 3
                                 (- 900A a b - 150B a b )d e + (600A a b + 450B a b )d e
--R
--R
--R
                                                                               4 4
                                                                                                                5 5
--R
                                 (- 150A b - 375B a b )d e + 105B b d
--R
--R
                                            +-+ +----+
--R
                                         --R
                            atanh(-----)
                                           +-+ +----+
--R
--R
                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                               4 4 4 4 3 3
--R
                                 384B b e x + ((480A b + 1008B a b)e + 48B b d e)x
--R
--R
                                                                                   2 2 4
--R
                                               (1360A \ a \ b + 744B \ a \ b ) e + (80A \ b + 176B \ a \ b ) d \ e
--R
--R.
                                                                4 2 2
--R
                                               - 56B b d e
--R
--R
                                        2
--R
                                      х
--R
                                                              2 2 3 4
                                                                                                                            3
--R
                                                                                                                                                    2 2 3
--R
                                           (1180A \ a \ b + 30B \ a \ b)e + (360A \ a \ b + 218B \ a \ b)d \ e
--R
                                                                                         3 2 2
--R
--R
                                           (- 100A b - 222B a b )d e + 70B b d e
--R
--R
--R.
--R.
                                                                4 4 2 2
                                                                                                                           3 3
                                 (150A \ a \ b - 45B \ a \ ) e + (730A \ a \ b + 60B \ a \ b) d \ e
--R.
--R
                                                         3 2 2 2 2 4 3 3 4 4
--R
--R
                                 (-550A a b - 346B a b )d e + (150A b + 340B a b )d e - 105B b d
--R
                              +-+ +-+ +-----+
--R
```

```
--R
           --R /
--R
            2 4 +-+ +-+
--R
       1920b e \|b \|e
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1050
--S 1051 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1051
--S 1052 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1052
--S 1053 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1053
)clear all
--S 1054 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
                                                    2 2 +----+
--R
                   2 2
              2 3
--R
          (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
--R
--R
                                     \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1054
--S 1055 of 1293
r0:=5/64*(b*d-a*e)^3*(7*b*B*d-8*A*b*e+a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
     (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(3/2)*e^(9/2))+5/96*(b*d-a*e)*_
     (7*b*B*d-8*A*b*e+a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b*e^3)-_
     1/24*(7*b*B*d-8*A*b*e+a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/(b*e^2)+_
     1/4*B*(a+b*x)^(7/2)*sqrt(d+e*x)/(b*e)-5/64*(b*d-a*e)^2*_
     (7*b*B*d-8*A*b*e+a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b*e^4)
--R
--R
--R.
     (2)
--R.
                         4 4
                                            2 2 3
             (120A \ a \ b - 15B \ a \ )e + (-360A \ a \ b -60B \ a \ b)d \ e
--R.
--R
--R
                      3 2 2 2 2
                                                        3 3
--R
             (360A \ a \ b + 270B \ a \ b ) d \ e + (-120A \ b - 300B \ a \ b ) d \ e + 105B \ b \ d
--R
                  +-+ +----+
--R
```

```
--R
                --R
          atanh(-----)
--R
                 +-+ +----+
--R
                --R
                          3
                                        2 3 3 2 2
--R
                 3 3 3
            48B b e x + ((64A b + 136B a b )e - 56B b d e )x
--R
--R
                                       3
                     2 2 3
                                                  2 2 3 2
--R
            ((208A \ a \ b \ + 118B \ a \ b)e \ + (-80A \ b \ -172B \ a \ b \ )d \ e \ + 70B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                          3 3
            (264A \ a \ b + 15B \ a \ )e + (-320A \ a \ b - 191B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                            2 2
            (120A b + 265B a b) d e - 105B b d
--R
--R
           +-+ +-+ +----+
--R
          \|b \|e \|b x + a \|e x + d
--R
--R /
--R
            4 +-+ +-+
--R
       192b e \|b \|e
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1055
--S 1056 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1056
--S 1057 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1057
--S 1058 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1058
)clear all
--S 1059 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
             2 3
                    2
                               2
                                                 2
                                                      2 +----+
--R
          (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a ) \setminus |b x + a
--R
--R
                                       +----+
--R
                               (e x + d) | e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1059
```

```
--S 1060 of 1293
r0:=-5/8*(b*d-a*e)^2*(7*b*B*d-6*A*b*e-a*B*e)*atanh(sqrt(e)*_
     \operatorname{sqrt}(a+b*x)/(\operatorname{sqrt}(b)*\operatorname{sqrt}(d+e*x)))/(e^{(9/2)}*\operatorname{sqrt}(b))-_
     2*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))-_
     5/12*(7*b*B*d-6*A*b*e-a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/e^3+_
     1/3*(7*b*B*d-6*A*b*e-a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/(e^2*(b*d-a*e))+_
     5/8*(b*d-a*e)*(7*b*B*d-6*A*b*e-a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/e^4
--R
--R
--R
      (2)
--R
                              3 3
              (90A \ a \ b + 15B \ a \ )e + (-180A \ a \ b - 135B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                                2 2
                                               3 3
--R
              (90A b + 225B a b) d e - 105B b d
--R
--R
                             +-+ +----+
--R
             +----+
                            --R
            \|e x + d atanh(-----)
                             +-+ +----+
--R
--R
                            --R
--R
                  2 3 3
--R
              8B b e x + ((12A b + 26B a b)e - 14B b d e)x
--R
--R
--R
              ((54A \ a \ b + 33B \ a \ )e + (-30A \ b - 68B \ a \ b)d \ e + 35B \ b \ d \ e)x
--R
--R.
                     2 3
                                             2
                                                2
                                                             2
--R
              - 48A a e + (150A a b + 81B a )d e + (- 90A b - 190B a b)d e
--R
--R
                    2 3
--R
              105B b d
--R
             +-+ +-+ +----+
--R
--R
            --R
--R
           4 +-+ +-+ +----+
--R
        24e \|b \|e \|e x + d
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1060
--S 1061 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1061
--S 1062 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1062
```

```
--S 1063 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--Е 1063
)clear all
--S 1064 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
                                                          2
                                                                                         2
                                                                                                                                                            2 +----+
--R
                                                                                                                                      2
                                     2 3
                            (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a ) \setminus |b x + a
--R
--R
--R
                                                                         2 2
                                                                                                                  2 +----+
--R
                                                                       (e x + 2d e x + d )\|e x + d
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1064
--S 1065 of 1293
r0:=-2/3*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2))+_
             5/4*(b*d-a*e)*(7*b*B*d-4*A*b*e-3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
             (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))*sqrt(b)/e^(9/2)-2/3*(7*b*B*d-4*A*b*e-3*a*B*e)*_
             (a+b*x)^(5/2)/(e^2*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))+5/6*b*_
             (7*b*B*d-4*A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(e^3*(b*d-a*e))-_
             5/4*b*(7*b*B*d-4*A*b*e-3*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/e^4
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                                               2 3 2
                                                                                                                                                              2
--R
                                    ((60A \ a \ b + 45B \ a \ )e + (-60A \ b - 150B \ a \ b)d \ e + 105B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                                    (60A \ a \ b + 45B \ a \ )d \ e + (-60A \ b - 150B \ a \ b)d \ e + 105B \ b \ d
--R
                                                                                   +-+ +----+
--R
--R
                                 +-+ +----+
                                                                                \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                                    +-+ +----+
--R
--R
                                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                             2 3 3
                                                                                    2
                                                                                                            3
                                                                                                                                        2 2 2
--R.
                                   6B b e x + ((12A b + 27B a b)e - 21B b d e)x
--R.
--R
                                                                                    2 3
                                                                                                           2
                                                                                                                                                        2
--R
                                    ((-56A \ a \ b - 24B \ a \ )e + (80A \ b + 158B \ a \ b)d \ e - 140B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                                                                                                                        2
                                   - 8A a e + (- 40A a b - 16B a )d e + (60A b + 115B a b)d e
--R
--R
```

```
--R
                   2 3
--R
            - 105B b d
--R
--R
           +-+ +----+
--R
          --R /
--R
                 4 +-+ +----+
--R
       (12e x + 12d e) | e | x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1065
--S 1066 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1066
--S 1067 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1067
--S 1068 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--Е 1068
)clear all
--S 1069 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R.
             2 3
                 2
                               2
                                                2 2 +----+
--R
         (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a ) \setminus |b x + a
--R
    (1) -----
                     3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
                    (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1069
--S 1070 of 1293
r0:=-2/5*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2))-_
    2/15*(7*b*B*d-2*A*b*e-5*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e^2*(b*d-a*e)*_
    (d+e*x)^{(3/2)}-b^{(3/2)}*(7*b*B*d-2*A*b*e-5*a*B*e)*_
    atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/e^(9/2)-_
    2/3*b*(7*b*B*d-2*A*b*e-5*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e^3*(b*d-a*e)*_
    sqrt(d+e*x))+b^2*(7*b*B*d-2*A*b*e-5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*_
    sqrt(d+e*x)/(e^4*(b*d-a*e))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                  2 2 2
            ((30A b + 75B a b)e - 105B b d e)x
--R
```

```
--R
--R
                                 2 2 2
--R
            ((60A b + 150B a b)d e - 210B b d e)x + (30A b + 75B a b)d e
--R
--R
                   2 3
--R
            - 105B b d
--R
--R
                              +-+ +----+
--R
           +-+ +----+
                             \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
--R
                              +-+ +----+
--R
                             --R
--R
--R
            15B b e x + ((-46A b - 70B a b)e + 161B b d e)x
--R
--R
            ((-22A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (-70A \ b - 98B \ a \ b)d \ e + 245B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                                       2 2
--R
            -6A a e + (-10A a b -4B a )d e + (-30A b -40B a b)d e
--R
--R
                  2 3
--R
            105B b d
--R
           +-+ +----+
--R
--R
           --R /
--R
           6 2
                 5
                         2 4 +-+ +----+
--R
       (15e x + 30d e x + 15d e )\|e \|e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1070
--S 1071 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1071
--S 1072 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1072
--S 1073 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1073
)clear all
--S 1074 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(9/2)
--R
```

```
--R
                             2 3 2 2
                                                                                                                 2 2 +----+
--R
--R
                        (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a ) \setminus |b x + a
--R
             (1) -----
                                        4 4 3 3 2 2 2 3 4 +----+
--R
--R
                                     (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) | e x + d
--R
                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 1074
--S 1075 of 1293
r0:=-2/7*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(7/2))-_
           2/5*B*(a+b*x)^(5/2)/(e^2*(d+e*x)^(5/2))-2/3*b*B*(a+b*x)^(3/2)/_
           (e^3*(d+e*x)^(3/2))+2*b^(5/2)*B*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
           (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/e^{(9/2)-2*b^2*B*sqrt(a+b*x)/(e^4*sqrt(d+e*x))}
--R
--R
--R
            (2)
--R
                                                 2 4 3 3 3
                                                                                                                    2 3 3 2 2 2
--R
                              (210B \ a \ b \ e \ - \ 210B \ b \ d \ e \ )x \ + \ (630B \ a \ b \ d \ e \ - \ 630B \ b \ d \ e \ )x
--R
--R
                                                                     3 3
                                                                                                                  2 3
                              (630B a b d e - 630B b d e)x + 210B a b d e - 210B b d
--R
--R
--R
                                                                       +-+ +----+
--R
                           +-+ +----+
                                                                     --R
                          \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                       +-+ +----+
--R
                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                 3 2 4 3 3 3
--R
                              ((-30A b - 322B a b)e + 352B b d e)x
--R
--R
                                                                        2 4
--R
                              ((-90A \ a \ b \ -154B \ a \ b)e \ -568B \ a \ b \ d \ e \ +812B \ b \ d \ e)x
--R
                                                                                                                                     2 2 2 3 3
                                                                                              2 3
--R
                                                                    3 4
--R
                              ((-90A \ a \ b - 42B \ a \ )e \ - 92B \ a \ b \ d \ e \ - 476B \ a \ b \ d \ e \ + 700B \ b \ d \ e)x
--R
                                                            3 3 2 2 2
--R
                                           3 4
                                                                                                                                     2 3
                              - 30A a e - 12B a d e - 28B a b d e - 140B a b d e + 210B b d
--R
--R
--R
                           +-+ +----+
--R.
                         --R /
--R
                                                               7 3
                                                                                                 7
                          (105a e - 105b d e)x + (315a d e - 315b d e)x
--R
--R
--R
                                        2 6
                                                        3 5
                                                                                   3 5
--R
                          (315a d e - 315b d e)x + 105a d e - 105b d e
--R
```

```
--R
         +-+ +----+
--R
         \leq \leq x + d
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1075
--S 1076 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1076
--S 1077 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1077
--S 1078 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1078
)clear all
--S 1079 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(11/2)
--R
--R
             2 3 2
                                                          2 +----+
--R
                                                  2
--R
          (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
     (1) -----
           5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +----+
--R
--R
           (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1079
--S 1080 of 1293
r0:=-2/9*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(9/2))+_
    2/63*(7*b*B*d+2*A*b*e-9*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                         3
--R
           ((4A b - 18B a b)e + 14B b d)x
--R
--R
                          2 2
                                         4
           ((-2A \ a \ b \ -54B \ a \ b \ )e + (18A \ b \ +38B \ a \ b \ )d)x
--R
--R.
--R
                   2 2 3
                                           3
                                                   2 2
--R
          ((-30A \ a \ b \ -54B \ a \ b)e + (54A \ a \ b \ +30B \ a \ b)d)x
--R
                         4 22 3
--R
--R
          ((-38A \ a \ b - 18B \ a \ ) e + (54A \ a \ b + 2B \ a \ b)d)x - 14A \ a \ e
--R
--R
                3
```

```
--R
                                                   (18A a b - 4B a)d
 --R
--R
                                              +----+
--R
                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                                                                            5 224 4
--R
                                                             2 6
--R
                                                  (63a e - 126a b d e + 63b d e )x
--R
                                                                2 5 2 4 2 3 3 3
--R
                                                   (252a d e - 504a b d e + 252b d e)x
--R
--R
 --R
                                                                   2 2 4
                                                                                                                                      3 3
                                                                                                                                                                               2 4 2 2
                                                   (378a d e - 756a b d e + 378b d e)x
 --R
 --R
 --R
                                                                  2 3 3
                                                                                                                 4 2 2 5 2 4 2 5
 --R
                                                  (252a d e - 504a b d e + 252b d e)x + 63a d e - 126a b d e + 63b d
--R
--R
                                              +----+
--R
                                          --R
                                                                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 1080
--S 1081 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                          (3)
--R
                                                                                     4 3 5 4 6 4
                                                        ((16A b - 72B a b )d e + 56B b d )x
--R
--R.
--R
                                                                                                                             2 2 5
                                                                                                                                                                                                                                                                      3 6 3
                                                        ((-8A a b - 216B a b )d e + (72A b + 152B a b )d )x
--R
--R
                                                                                                    2 2 3 5 3 2 2 6 2
--R
--R
                                                        ((-120A \ a \ b \ -216B \ a \ b)d \ e + (216A \ a \ b \ +120B \ a \ b)d)x
--R
                                                                                                                                                                                                       2 2 3 6
                                                                                                                                          4 5
--R
                                                                                                     3
 --R
                                                          ((-152A \ a \ b - 72B \ a \ )d \ e + (216A \ a \ b + 8B \ a \ b)d )x - 56A \ a \ d \ e
 --R
 --R
                                                          (72A a b - 16B a )d
 --R
--R
--R.
                                                       +----+
--R
                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                      5 6
--R
                                                                             4
--R
                                                         (7A a d + 112A a )e
--R
                                                                                             3 4 2
--R
                                                                                                                                                                             4
                                                            ((-9A \ a \ b + 2B \ a \ )d + (-144A \ a \ b + 32B \ a \ )d)e
--R
```

```
--R
--R
         5
--R
         x
--R
               4 2 5 5
--R
--R
          (35A a d + 560A a d)e
--R
                 3 4 3
--R
--R
          ((- 45A a b + 10B a )d + (- 720A a b + 160B a )d )e
--R
--R
--R
         x
--R
--R
               4 3
                      524
--R
          (70A a d + 1120A a d )e
--R
--R
                 3 4 4
                                    4 5 3 3
          ((- 90A a b + 20B a )d + (- 1440A a b + 320B a )d )e
--R
--R
--R
         3
--R
         x
--R
               4 4 5 3 3
--R
--R
          (70A a d + 1120A a d )e
--R
               3 4 5 4 5 4 2
--R
          ((-90A \ a \ b + 20B \ a \ )d + (-1440A \ a \ b + 320B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
          2
--R
         X
--R
               4 5 5 4 2
--R
--R
          (35A \ a \ d + 560A \ a \ d )e
--R
                 3
--R
                         4 6
          ((-45A \ a \ b + 10B \ a \ )d + (-720A \ a \ b + 160B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
--R
--R
          46 55
                                3 4 7
       (7A \ a \ d + 112A \ a \ d) \ e + (-9A \ a \ b + 2B \ a) \ d + (-144A \ a \ b + 32B \ a) \ d
--R
--R /
--R
           257 66 2755
--R
        (252a d e - 504a b d e + 252b d e )x
--R
--R
            266
                         7 5
                                2844
--R
       (1260a d e - 2520a b d e + 1260b d e )x
--R
           275 84 2933
--R
--R
        (2520a d e - 5040a b d e + 2520b d e)x
```

```
--R
             2 8 4 9 3 2 10 2 2
--R
--R
        (2520a d e - 5040a b d e + 2520b d e)x
--R
             2 9 3 10 2 2 11 2 10 2 11
--R
--R
        (1260a d e - 2520a b d e + 1260b d e)x + 252a d e - 504a b d e
--R
--R
           2 12
--R
        252b d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1081
--S 1082 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                 5
                               3 4 2 4
--R
        (7A a d + 112A a )e + (- 9A a b + 2B a )d + (- 144A a b + 32B a )d
--R
    (4) -----
                           2 5 2 6 2 7
--R
--R
                        252a d e - 504a b d e + 252b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1082
--S 1083 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1083
)clear all
--S 1084 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(13/2)
--R
--R
--R
     (1)
                           2
--R
            2 3
--R
        (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
--R
     6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6 +-----+
--R
    (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d)\|e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1084
--S 1085 of 1293
r0:=-2/11*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(11/2))+_
    2/99*(7*b*B*d+4*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
```

```
(d+e*x)^{(9/2)}+4/693*b*(7*b*B*d+4*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^{(7/2)}_{-}
            (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
--R
           (2)
                                             5 4 2 5 5
--R
--R
                           ((-16A b + 44B a b)e - 28B b d e)x
--R
                                                               2 3 2 5 4 5 2 4
--R
                           ((8A a b - 22B a b )e + (- 88A b + 256B a b )d e - 154B b d )x
--R
--R
                                                                     3 2 2
--R
                                                   2 3
                                  (-6A a b - 330B a b )e + (44A a b + 908B a b )d e
--R
--R
--R
                                                      5
                                                                 4 2
--R
                                 (- 198A b - 418B a b )d
--R
--R
                                  3
--R
                                x
--R
--R
                                                     3 2 4 2 2 3 3 2
--R
                                  (- 226A a b - 418B a b)e + (660A a b + 908B a b )d e
--R
                                                       4 232
--R
--R
                                     (- 594A a b - 330B a b )d
--R
--R
--R
                                x
--R
                                                        4 5 2 3 2 4
--R
--R
                                  (- 322A a b - 154B a )e + (836A a b + 256B a b)d e
--R
                                                       2 3 3 2 2
--R
--R
                                 (- 594A a b - 22B a b )d
--R
--R
--R
                                           5 2
                                                               4
                                                                                                                                       3 2 4 2
--R
                                                                                       5
                           - 126A a e + (308A a b - 28B a )d e + (- 198A a b + 44B a b)d
--R
--R
                         +----+
--R
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                       2
--R.
                                   3 8
                                                                           7 2 2 6 3 3 5 5
--R.
                           (693a e - 2079a b d e + 2079a b d e - 693b d e )x
--R
                                      3 7 2 2 6 2 3 5 3 4 4 4
--R
--R
                           (3465a d e - 10395a b d e + 10395a b d e - 3465b d e )x
--R
--R
                                         3 2 6 2 3 5
                                                                                                              2 4 4 3 5 3 3
```

```
--R
          (6930a d e - 20790a b d e + 20790a b d e - 6930b d e )x
--R
--R
               3 3 5 2 4 4 2 5 3 3 6 2 2
--R
          (6930a d e - 20790a b d e + 20790a b d e - 6930b d e )x
--R
                       2 5 3
--R
                                          262
                                                   3 7
--R
          (3465a d e - 10395a b d e + 10395a b d e - 3465b d e)x + 693a d e
--R
                2 6 2 2 7 3 8
--R
         - 2079a b d e + 2079a b d e - 693b d
--R
--R
        +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1085
--S 1086 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                  5 4 6 2 5 7 5
--R
           ((-32A b + 88B a b) d e - 56B b d e)x
--R
--R
                       4 2362
                (16A a b - 44B a b )d e + (- 176A b + 512B a b )d e
--R
--R
--R
                       5 8
--R
                 - 308B b d
--R
--R
--R
--R
                      2 3 3 2 6 2 4 2 3 7
--R
--R
               (-12A \ a \ b \ -660B \ a \ b \ ) d \ e \ + (88A \ a \ b \ + 1816B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                     5 4 8
--R
              (- 396A b - 836B a b )d
--R
--R
              3
--R
             X
--R
--R.
                      3 2 4 6 2 2 3 3 2 7
--R
              (-452A a b -836B a b)d e + (1320A a b + 1816B a b )d e
--R
--R
                                238
--R
              (- 1188A a b - 660B a b )d
--R
--R
              2
--R
             x
```

```
--R
                                                              4 5 6 2 3 2 4 7
--R
--R
                                          (- 644A a b - 308B a )d e + (1672A a b + 512B a b)d e
--R
                                                                 2 3 3 2 8
--R
--R
                                        (- 1188A a b - 44B a b )d
--R
--R
--R
                                                 5 6 2 4 5 7
                                                                                                                                      3 2 4 8
--R
--R
                                - 252A a d e + (616A a b - 56B a )d e + (- 396A a b + 88B a b)d
--R
                               +----+
--R
--R
                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                             5
                                                           6 8
--R
                                (63A \ a \ d + 252A \ a )e
--R
--R
                                                      4 5 2
                                                                                                            5 6 7
                                 ((-154A \ a \ b + 14B \ a \ )d + (-616A \ a \ b + 56B \ a \ )d)e
--R
--R
--R
                                                3 2 4 3 4 2 5 2 6
--R
                                  ((99A \ a \ b \ - 22B \ a \ b)d \ + (396A \ a \ b \ - 88B \ a \ b)d)e
--R
--R
                              6
--R
                             x
--R
--R
                                                5 2 6 7
--R
                                (378A a d + 1512A a d)e
--R
                                                                                                         5 6 2 6
--R
                                                                          5 3
                                ((-924A \ a \ b + 84B \ a \ )d + (-3696A \ a \ b + 336B \ a \ )d )e
--R
--R
                                                  3 2 4 4 4 2 5 3 5
--R
--R
                                ((594A \ a \ b - 132B \ a \ b)d + (2376A \ a \ b - 528B \ a \ b)d)e
--R
--R
                               5
--R
                             X
--R
--R
                                                5 3 6 2 6
                                (945A a d + 3780A a d )e
--R
--R
--R.
                                                          4
                                                                         5 4
                                                                                                                            5
                                ((- 2310A a b + 210B a )d + (- 9240A a b + 840B a )d )e
--R
--R
                                                                         4 5
                                                                                                          4 2
                                                                                                                                             5 4 4
--R
                                                    3 2
                              ((1485A \ a \ b \ - 330B \ a \ b)d \ + (5940A \ a \ b \ - 1320B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                               4
--R
                            x
```

```
--R
                5 4 6 3 5
--R
--R
           (1260A a d + 5040A a d )e
--R
                   4 5 5 5 6 4 4
--R
           ((-3080A \ a \ b + 280B \ a \ )d + (-12320A \ a \ b + 1120B \ a \ )d )e
--R
--R
                 3 2 4 6
--R
                                        4 2
          ((1980A \ a \ b - 440B \ a \ b)d + (7920A \ a \ b - 1760B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
--R
         X
--R
--R
                5 5
                      6 4 4
--R
          (945A ad + 3780A ad)e
--R
--R
                   4
                        5 6
                                      5 6 5 3
           ((- 2310A a b + 210B a )d + (- 9240A a b + 840B a )d )e
--R
--R
                 3 2 4 7 4 2 5 6 2
--R
           ((1485A \ a \ b \ - \ 330B \ a \ b)d \ + \ (5940A \ a \ b \ - \ 1320B \ a \ b)d \ )e
--R
--R
--R
          2
--R
         X
--R
                5 6 6 5 3
--R
--R
           (378A a d + 1512A a d )e
--R
--R
                        5 7
                                   5 6 6 2
                   4
--R
           ((-924A \ a \ b + 84B \ a \ )d + (-3696A \ a \ b + 336B \ a \ )d )e
--R
                 3 2 4 8 4 2 5 7
--R
--R
           ((594A \ a \ b - 132B \ a \ b)d + (2376A \ a \ b - 528B \ a \ b)d)e
--R
--R
         X
--R
           5 7
                     662
--R
--R
        (63A a d + 252A a d )e
--R
--R
                    5 8
                                    5
        ((-154A \ a \ b + 14B \ a \ )d + (-616A \ a \ b + 56B \ a \ )d )e
--R
--R
--R.
           3 2 4 9 4 2
        (99A a b - 22B a b)d + (396A a b - 88B a b)d
--R
--R /
--R
             3 6 9 2 7 8
                                 287 3966
--R
        (1386a d e - 4158a b d e + 4158a b d e - 1386b d e )x
--R
            3 7 8 2 8 7 2 9 6 3 10 5 5
--R
--R
        (8316a d e - 24948a b d e + 24948a b d e - 8316b d e )x
```

```
--R
              3 8 7 2 9 6 2 10 5 3 11 4 4
--R
--R
        (20790a d e - 62370a b d e + 62370a b d e - 20790b d e )x
--R
              3 9 6 2 10 5 2 11 4 3 12 3 3
--R
--R
        (27720a d e - 83160a b d e + 83160a b d e - 27720b d e )x
--R
--R
                          2 11 4
                                           2 12 3
        (20790a d e - 62370a b d e + 62370a b d e - 20790b d e )x
--R
--R
--R
             3 11 4 2 12 3
                                         2 13 2
        (8316a d e - 24948a b d e + 24948a b d e - 8316b d e)x
--R
--R
                     2 13 2
                                       2 14
--R
           3 12 3
        1386a d e - 4158a b d e + 4158a b d e - 1386b d
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1086
--S 1087 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
            5 6 2
--R
        (63A \ a \ d + 252A \ a )e
--R
--R
                     5 2
--R
        ((-154A \ a \ b + 14B \ a \ )d + (-616A \ a \ b + 56B \ a \ )d)e
--R
             3 2 4 3 4 2 5 2
--R.
--R
        (99A \ a \ b - 22B \ a \ b)d + (396A \ a \ b - 88B \ a \ b)d
--R /
--R
           3 6 3
                     2 72
                                    2 8
--R
      1386a d e - 4158a b d e + 4158a b d e - 1386b d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1087
--S 1088 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1088
)clear all
--S 1089 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(15/2)
--R
```

```
--R
     (1)
--R
--R
          2 3 2 2
                                           2 2 +----+
--R
       (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R /
--R
             7 7
                    6 6
                             2 5 5
                                      3 4 4
                                                4 3 3 5 2 2
--R
            e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x
--R
             7
--R
--R
            d
--R
         +----+
--R
--R
         --R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1089
--S 1090 of 1293
r0:=-2/13*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(13/2))+_
    2/143*(7*b*B*d+6*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
    (d+e*x)^{(11/2)}+8/1287*b*(7*b*B*d+6*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^{(7/2)}_{-}
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(9/2))+16/9009*b^2*_
    (7*b*B*d+6*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
     (2)
--R
                    5 3 6 2 6
--R
--R
          ((96A b - 208B a b)e + 112B b d e)x
--R
--R
                        5
                                 2 4 3 6
--R
                (-48A \ a \ b + 104B \ a \ b ) e + (624A \ b - 1408B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                     6 2
--R
                728B b d e
--R
--R
             5
--R
            х
--R
--R
                   2 4 3 3 3
                                              5
                                                        2 4 2
--R
              (36A a b - 78B a b )e + (- 312A a b + 718B a b )d e
--R
--R
                     6
                               5 2
              (1716A b - 4082B a b) d e + 2002B b d
--R
--R.
--R
             4
--R
            x
--R
--R
                     3 3 4 2 3 2 4
              (- 30A a b - 2938B a b )e + (234A a b + 11470B a b )d e
--R
--R
--R
                                   2 4 2
                                               6
                                                         5 3
                        5
```

```
--R
                                  (- 858A a b - 15886B a b )d e + (2574A b + 5434B a b )d
--R
--R
                                  3
--R
                               x
--R
                                                           4 2 5 3 3 3 4 2 2
--R
--R
                                  (- 2226A a b - 4186B a b)e + (8814A a b + 14342B a b )d e
--R
                                                             2 4 3 3 2
--R
                                  (- 12870A a b - 15886B a b )d e + (7722A a b + 4290B a b )d
--R
--R
--R
                                  2
--R
                                х
--R
--R
                                                         5 6 3 4 2 5 2
                                   (- 3402A a b - 1638B a )e + (12558A a b + 4858B a b)d e
--R
--R
--R
                                                            3 3 4 2 2
                                                                                                                       2 4 3 3 3
                                  (- 16302A a b - 4082B a b )d e + (7722A a b + 286B a b )d
--R
--R
--R
--R
                                              6 3 5
--R
                                                                                             6 2 4 2 5 2
--R
                            -1386A a e + (4914A a b -252B a )d e + (-6006A a b + 728B a b)d e
--R
                               3 3 4 2 3
--R
--R
                            (2574A a b - 572B a b )d
--R
--R
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                       4 10 3 9 2 2 2 8 3 3 7
--R
--R
                                     9009a e - 36036a b d e + 54054a b d e - 36036a b d e
--R
--R
                                              4 4 6
--R
                                  9009b d e
--R
--R
                                  6
--R
                                x
--R
                                                                    3 2 8 2 2 3 7 3 4 6
--R
                                   54054a d e - 216216a b d e + 324324a b d e - 216216a b d e
--R
--R.
--R
                                                4 5 5
--R
                                  54054b d e
--R
--R
--R
                               X
--R
                                                      4 2 8 3 3 7 2 2 4 6 3 5 5
--R
```

```
--R
             135135a d e - 540540a b d e + 810810a b d e - 540540a b d e
--R
--R
                   4 6 4
--R
             135135b d e
--R
--R
            4
--R
           X
--R
                   4 3 7 3 4 6 2 2 5 5 3 6 4
--R
             180180a d e - 720720a b d e + 1081080a b d e - 720720a b d e
--R
--R
--R
                   4 7 3
             180180b d e
--R
--R
--R
            3
--R
           x
--R
--R
                  4 4 6 3 5 5 2 2 6 4
             135135a d e - 540540a b d e + 810810a b d e - 540540a b d e
--R
--R
--R
--R
            135135b d e
--R
--R
            2
--R
           X
--R
                        3 6 4 2 2 7 3 3 8 2
--R
--R
            54054a d e - 216216a b d e + 324324a b d e - 216216a b d e
--R
--R
                  4 9
             54054b d e
--R
--R
--R
--R
                        3 73
            4 6 4
--R
                                      2 2 8 2
                                                     3 9
          9009a d e - 36036a b d e + 54054a b d e - 36036a b d e + 9009b d
--R
--R
         +----+
--R
--R
        \leq x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1090
--S 1091 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                       5 7 3 6 8 2 6
--R
          ((192A b - 416B a b )d e + 224B b d e )x
--R
```

```
5 2 4 7 3 6 5 8 2
--R
             (- 96A a b + 208B a b )d e + (1248A b - 2816B a b )d e
--R
--R
--R
                  6 9
--R
            1456B b d e
--R
--R
            5
--R
           x
--R
                 24 3373 5 2482
--R
             (72A a b - 156B a b )d e + (- 624A a b + 1436B a b )d e
--R
--R
                        5 9
--R
                                        6 10
             (3432A b - 8164B a b )d e + 4004B b d
--R
--R
--R
            4
--R
            x
--R
--R
                  3 3 4 2 7 3 2 4 3 3 8 2
             (-60A a b -5876B a b )d e + (468A a b + 22940B a b )d e
--R
--R
                                       6 5 10
                    5 249
--R
--R
             (- 1716A a b - 31772B a b )d e + (5148A b + 10868B a b )d
--R
--R
            3
--R
            x
--R
                    4 2 5 7 3 3 3 4 2 8 2
--R
--R
             (-4452A a b -8372B a b)d e + (17628A a b +28684B a b )d e
--R
                     2 4 3 3 9
                                                5 24 10
--R
--R
            (- 25740A a b - 31772B a b )d e + (15444A a b + 8580B a b )d
--R
--R
            2
           x
--R
--R
                         6 7 3 4 2 5 8 2
--R
--R
             (-6804A \ a \ b - 3276B \ a \ ) d \ e \ + (25116A \ a \ b \ + 9716B \ a \ b) d \ e
--R
                                             2 4 3 3 10
--R
                           429
--R
             (-32604A \ a \ b \ -8164B \ a \ b \ ) d \ e \ + (15444A \ a \ b \ +572B \ a \ b \ ) d
--R
--R
           X
--R
                673 5 682
--R
          - 2772A a d e + (9828A a b - 504B a )d e
--R
--R
--R
                 4 2 5 9 3 3 4 2 10
          (-12012A \ a \ b + 1456B \ a \ b) d \ e + (5148A \ a \ b - 1144B \ a \ b) d
--R
--R
```

```
--R
                              +----+
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                  7 10
--R
                                                    6
                              (- 693A a d - 2772A a )e
--R
--R
                                                    5 6 2 6 7 9
--R
--R
                               ((2457A \ a \ b - 126B \ a \ )d + (9828A \ a \ b - 504B \ a \ )d)e
--R
--R
                                                         4 2 5 3
                                                                                                                                 5 2
                               ((-3003A \ a \ b + 364B \ a \ b)d + (-12012A \ a \ b + 1456B \ a \ b)d)e
--R
--R
                                                    3 3 4 2 4 4 3
--R
                               ((1287A \ a \ b - 286B \ a \ b \ )d + (5148A \ a \ b - 1144B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
--R
                              7
--R
                            x
--R
                                                    6 2 7 9
--R
--R
                               (- 4851A a d - 19404A a d)e
--R
                                                     5 6 3
                                                                                                        6 7 2 8
--R
--R
                                 ((17199A \ a \ b - 882B \ a \ )d + (68796A \ a \ b - 3528B \ a \ )d )e
--R
                                                         4 2 5 4
--R
                               ((-21021A \ a \ b + 2548B \ a \ b)d + (-84084A \ a \ b + 10192B \ a \ b)d)e
--R
--R
                                                      3 3 4 2 5 4 3 5 2 4 6
--R
--R
                                ((9009A \ a \ b - 2002B \ a \ b ) d + (36036A \ a \ b - 8008B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
                              6
--R
                            X
--R
                                                       6 3 7 2 8
--R
--R
                              (- 14553A a d - 58212A a d )e
--R
--R
                                                      5
                                                                                 6 4
                                                                                                                           6
                               ((51597A \ a \ b - 2646B \ a \ )d + (206388A \ a \ b - 10584B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
                                                           4 2 5 5
                                                                                                                                         5 2
                                ((-63063A \ a \ b + 7644B \ a \ b)d + (-252252A \ a \ b + 30576B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R.
                                                       3 3 4 2 6 4 3 5 2 5 5
--R
                               ((27027A \ a \ b - 6006B \ a \ b )d + (108108A \ a \ b - 24024B \ a \ b )d )e
--R
--R
                              5
--R
                            x
--R
                                                       6 4 7 3 7
--R
--R
                            (- 24255A a d - 97020A a d )e
```

```
--R
             5 6 5 6
                                              7 4 6
--R
--R
           ((85995A \ a \ b - 4410B \ a \ )d + (343980A \ a \ b - 17640B \ a \ )d )e
--R
                    4 2 5 6 5 2 6 5 5
--R
           ((-105105A \ a \ b + 12740B \ a \ b)d + (-420420A \ a \ b + 50960B \ a \ b)d)e
--R
--R
                                              4 3
--R
                              427
          ((45045A \ a \ b - 10010B \ a \ b ) d + (180180A \ a \ b - 40040B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R
--R
         X
--R
--R
                   6 5 7 4 6
          (- 24255A a d - 97020A a d )e
--R
--R
--R
                   5 6 6
                                    6
--R
           ((85995A \ a \ b - 4410B \ a \ )d + (343980A \ a \ b - 17640B \ a \ )d )e
--R
                                           5 2 6 6 4
--R
--R
           ((-105105A \ a \ b + 12740B \ a \ b)d + (-420420A \ a \ b + 50960B \ a \ b)d)e
--R
                                        4 3 5 2 7 3
--R
                   3 3 4 2 8
--R
           ((45045A \ a \ b - 10010B \ a \ b \ )d + (180180A \ a \ b - 40040B \ a \ b \ )d \ )e
--R
          3
--R
--R
          x
--R
                   6 6 7 5 5
--R
--R
          (- 14553A a d - 58212A a d )e
--R
                  5 6 7 6 7 6 4
--R
--R
           ((51597A \ a \ b - 2646B \ a \ )d + (206388A \ a \ b - 10584B \ a \ )d )e
--R
                    4 2
--R
                             5 8
                                                5 2
           ((-63063A \ a \ b + 7644B \ a \ b)d + (-252252A \ a \ b + 30576B \ a \ b)d)e
--R
--R
                  3 3 4 2 9
                                             4 3
--R
           ((27027A \ a \ b - 6006B \ a \ b ) d + (108108A \ a \ b - 24024B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R
          2
--R
          х
--R
--R
                  6 7 7 6 4
--R
           (- 4851A a d - 19404A a d )e
--R
                                   6 773
                  5 68
--R
--R
           ((17199A \ a \ b - 882B \ a \ )d + (68796A \ a \ b - 3528B \ a \ )d )e
--R
--R
                     4 2 5 9
                                         5 2 6 8 2
```

```
--R
         ((-21021A \ a \ b + 2548B \ a \ b)d + (-84084A \ a \ b + 10192B \ a \ b)d)e
--R
--R
                3 3 4 2 10 4 3 5 2 9
--R
         ((9009A a b - 2002B a b )d + (36036A a b - 8008B a b )d )e
--R
--R
--R
             68 773
--R
       (- 693A a d - 2772A a d )e
--R
--R
--R
              5 6 9 6 7 8 2
--R
       ((2457A a b - 126B a )d + (9828A a b - 504B a )d )e
--R
               4 2 5 10
--R
                                        5 2
--R
       ((-3003A \ a \ b + 364B \ a \ b)d + (-12012A \ a \ b + 1456B \ a \ b)d)e
--R
--R
            3 3 4 2 11
                               4 3
                                          5 2 10
       (1287A a b - 286B a b )d + (5148A a b - 1144B a b )d
--R
--R /
              4 7 11 3 8 10 2 2 9 9 3 10 8
--R
--R
          18018a d e - 72072a b d e + 108108a b d e - 72072a b d e
--R
--R
               4 11 7
--R
         18018b d e
--R
--R
         7
--R
         x
--R
               4 8 10 3 9 9 2 2 10 8 3 11 7
--R
--R
         126126a d e - 504504a b d e + 756756a b d e - 504504a b d e
--R
--R
               4 12 6
--R
         126126b d e
--R
--R
         6
--R
         x
--R
               4 9 9 3 10 8 2 2 11 7
--R
--R
          378378a d e - 1513512a b d e + 2270268a b d e - 1513512a b d e
--R
--R
               4 13 5
          378378b d e
--R
--R.
--R
         5
--R
         x
--R
               4 10 8 3 11 7 2 2 12 6
--R
--R
          630630a d e - 2522520a b d e + 3783780a b d e
--R
--R
                    3 13 5
                               4 14 4
```

```
--R
          - 2522520a b d e + 630630b d e
--R
--R
          4
--R
         X
--R
                4 11 7 3 12 6 2 2 13 5
--R
--R
          630630a d e - 2522520a b d e + 3783780a b d e
--R
                   3 14 4 4 15 3
--R
          - 2522520a b d e + 630630b d e
--R
--R
--R
          3
--R
         X
--R
--R
               4 12 6 3 13 5 2 2 14 4
--R
          378378a d e - 1513512a b d e + 2270268a b d e
--R
                    3 15 3 4 16 2
--R
--R
          - 1513512a b d e + 378378b d e
--R
--R
--R
         x
--R
                4 13 5 3 14 4 2 2 15 3 3 16 2
--R
--R
          126126a d e - 504504a b d e + 756756a b d e - 504504a b d e
--R
--R
                4 17
--R
          126126b d e
--R
--R
         X
--R
            4 14 4 3 15 3 2 2 16 2 3 17
--R
--R
       18018a d e - 72072a b d e + 108108a b d e - 72072a b d e
--R
--R
            4 18
        18018b d
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1091
--S 1092 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R.
--R
   (4)
--R
             6
        (- 693A a d - 2772A a )e
--R
--R
--R
                      6 2
--R
      ((2457A a b - 126B a )d + (9828A a b - 504B a )d)e
--R
```

```
4 2 5 3
                                     5 2
--R
--R
        ((-3003A \ a \ b + 364B \ a \ b)d + (-12012A \ a \ b + 1456B \ a \ b)d)e
--R
--R
               3 3
                     4 2 4
                                         4 3
                                                     5 2 3
         (1287A \ a \ b - 286B \ a \ b \ )d + (5148A \ a \ b - 1144B \ a \ b \ )d
--R
--R /
                                       2 2 9 2
            474 383
--R
                                                      3 10
--R
       18018a d e - 72072a b d e + 108108a b d e - 72072a b d e + 18018b d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1092
--S 1093 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1093
)clear all
--S 1094 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(17/2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
                                                2 +----+
--R
       (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R /
--R
           88 77 266 355 444 533 622
--R
          e x + 8d e x + 28d e x + 56d e x + 70d e x + 56d e x + 28d e x
--R
--R
            7
--R
          8d e x + d
--R
         +----+
--R
--R.
        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1094
--S 1095 of 1293
r0:=-2/15*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(15/2))+_
    (d+e*x)^(13/2)+4/715*b*(7*b*B*d+8*A*b*e-15*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/_
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(11/2))+16/6435*b^2*_
    (7*b*B*d+8*A*b*e-15*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^4*_
    (d+e*x)^{(9/2)}+32/45045*b^3*(7*b*B*d+8*A*b*e-15*a*B*e)*_
    (a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
```

```
(2)
--R
              7 6 4 7 3 7
--R
--R
        ((-256A b + 480B a b)e - 224B b d e)x
--R
                6 254 7 63
--R
           (128A a b - 240B a b )e + (- 1920A b + 3712B a b )d e
--R
--R
--R
                 7 2 2
          - 1680B b d e
--R
--R
--R
          6
--R
         x
--R
                2 5 3 4 4
--R
                                 6 25 3
--R
          (- 96A a b + 180B a b )e + (960A a b - 1884B a b )d e
--R
                           6 2 2
--R
                 7
--R
          (- 6240A b + 12540B a b )d e - 5460B b d e
--R
--R
          5
--R
          x
--R
              3 4 4 3 4 2 5 3 4 3
--R
--R
           (80A a b - 150B a b )e + (- 720A a b + 1420B a b )d e
--R
             6 2522 7 63
--R
--R
           (3120A \ a \ b - 6480B \ a \ b ) d \ e + (-11440A \ b + 24180B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                  74
--R
          - 10010B b d
--R
--R
--R
          x
--R
                4 3 5 2 4 3 4 4 3 3
--R
          (- 70A a b - 11130B a b )e + (600A a b + 55120B a b )d e
--R
--R
--R
                  2 5
                       3 4 2 2
                                           6 253
           (- 2340A a b - 107700B a b )d e + (5720A a b + 99840B a b )d e
--R
--R
                  7
--R
          (- 12870A b - 27170B a b )d
--R
--R
--R
          3
--R
          x
--R
               5 2 6 4 4 3 5 2 3
--R
--R
          (-8946A a b - 17010B a b)e + (44520A a b + 77616B a b )d e
--R
--R
                   3 4
                             4 3 2 2 2 5 3 4 3
```

```
--R
                                  (-88140A a b - 133620B a b )d e + (85800A a b + 99840B a b )d e
--R
                                                             6 254
--R
--R
                                (- 38610A a b - 21450B a b )d
--R
--R
                               2
--R
                              X
--R
                                                         6 7 4 5 2 6 3
--R
                                (- 14322A a b - 6930B a )e + (68040A a b + 28812B a b)d e
--R
--R
                                                                               5 2 2 2
--R
                                                            4 3
                                  (- 125580A a b - 42840B a b )d e
--R
--R
--R
                                                        3 4 4 3 3
                                                                                                                 2 5 3 4 4
--R
                                (108680A a b + 24180B a b )d e + (- 38610A a b - 1430B a b )d
--R.
--R
--R
                                                              6 7 3
--R
                                           7 4
--R
                           - 6006A a e + (27720A a b - 924B a )d e
--R
--R
                                               5 2 6 2 2 4 3 5 2 3
--R
                        (- 49140A a b + 3780B a b)d e + (40040A a b - 5460B a b )d e
--R
                                               3 4 4 3 4
--R
--R
                        (-12870A \ a \ b + 2860B \ a \ b) d
--R
--R
                       +----+
--R
                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                             5 12 4 11 3 2 2 10 2 3 3 9
--R
--R
                                    45045a e - 225225a b d e + 450450a b d e - 450450a b d e
--R
                                                   448 557
--R
                                225225a b d e - 45045b d e
--R
--R
--R
--R
                              x
--R
--R
                                                 5 11
                                                                         4 2 10 3 2 3 9
                                 315315a d e - 1576575a b d e + 3153150a b d e
--R
--R
                                                                                    457 566
--R
                                                        2 3 4 8
--R
                               - 3153150a b d e + 1576575a b d e - 315315b d e
--R
--R
                               6
--R
                             X
--R
                                                   5 2 10 4 3 9 3 2 4 8 2 3 5 7
--R
```

```
--R
           945945a d e - 4729725a b d e + 9459450a b d e - 9459450a b d e
--R
                  4 6 6 5 7 5
--R
--R
          4729725a b d e - 945945b d e
--R
--R
          5
--R
          X
--R
                 5 3 9 4 4 8 3 2 5 7
--R
           1576575a d e - 7882875a b d e + 15765750a b d e
--R
--R
                   2 3 6 6
                                  475
                                           5 8 4
--R
           - 15765750a b d e + 7882875a b d e - 1576575b d e
--R
--R
--R
          4
--R
          x
--R
--R
                 5 4 8
                             4 5 7
                                            3 2 6 6
--R
          1576575a d e - 7882875a b d e + 15765750a b d e
--R
                            484
--R
                   2 3 7 5
          - 15765750a b d e + 7882875a b d e - 1576575b d e
--R
--R
--R
           3
--R
          x
--R
             5 5 7 4 6 6 3 2 7 5 2 3 8 4
--R
--R
           945945a d e - 4729725a b d e + 9459450a b d e - 9459450a b d e
--R
                  4 9 3 5 10 2
--R
          4729725a b d e - 945945b d e
--R
--R
--R
--R
          x
--R
                5 6 6 4 7 5 3 2 8 4 2 3 9 3
--R
--R
            315315a d e - 1576575a b d e + 3153150a b d e - 3153150a b d e
--R
--R
                  4 10 2 5 11
--R
            1576575a b d e - 315315b d e
--R
--R
--R
            5 7 5 4 8 4 3 2 9 3 2 3 10 2
--R
--R
         45045a d e - 225225a b d e + 450450a b d e - 450450a b d e
--R
           4 11 5 12
--R
--R
         225225a b d e - 45045b d
--R
--R
       +----+
```

```
\leq x + d
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1095
--S 1096 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                  7
                            6 8 4 7 9 3 7
--R
--R
           ((- 512A b + 960B a b )d e - 448B b d e )x
--R
                     6 2584
                                         7 6 9 3
--R
               (256A \ a \ b \ - 480B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 3840A \ b \ + 7424B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                     7 10 2
--R
              - 3360B b d e
--R
--R
             6
--R
            X
--R
--R
                      25 3484 6 2593
--R
             (- 192A a b + 360B a b )d e + (1920A a b - 3768B a b )d e
--R
--R
                      7 6 10 2 7 11
--R
              (-12480A b + 25080B a b)d e - 10920B b d e
--R
--R
             5
--R
             x
--R
                    3 4 4 3 8 4
                                       2 5 3 4 9 3
--R
--R
               (160A \ a \ b \ - 300B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 1440A \ a \ b \ + 2840B \ a \ b \ ) d \ e
--R
                     6 2 5 10 2
--R
--R
               (6240A a b - 12960B a b )d e + (- 22880A b + 48360B a b )d e
--R
--R
                     7 12
--R
              - 20020B b d
--R
--R
--R
             X
--R
--R.
                     43 5284 34 4393
--R
              (- 140A a b - 22260B a b )d e + (1200A a b + 110240B a b )d e
--R
--R
                      2 5
                                  3 4 10 2
--R
              (-4680A a b - 215400B a b )d e
--R
                    6 2 5 11 7 6 12
--R
             (11440A \ a \ b + 199680B \ a \ b \ )d \ e + (-25740A \ b -54340B \ a \ b \ )d
--R
```

```
--R
--R
                                        3
--R
                                    x
--R
                                                                   5 2 6 8 4
--R
                                         (- 17892A a b - 34020B a b)d e
--R
--R
                                                                4 3 5 2 9 3
--R
                                             (89040A \ a \ b + 155232B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                                                     3 4 4 3 10 2
--R
                                             (-176280A \ a \ b \ -267240B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
--R
                                                                  2 5
                                                                                       3 4 11
--R
                                             (171600A \ a \ b + 199680B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                                                   6 2 5 12
                                         (- 77220A a b - 42900B a b )d
--R
--R
--R
                                         2
--R
                                       x
--R
                                                                     6 7 8 4 5 2 6 9 3
--R
--R
                                          (- 28644A a b - 13860B a )d e + (136080A a b + 57624B a b)d e
--R
                                                                     4 3 5 2 10 2
--R
--R
                                          (- 251160A a b - 85680B a b )d e
--R
                                                                                                                                 2 5 3 4 12
                                                             3 4 4 3 11
--R
--R
                                        (217360A \ a \ b + 48360B \ a \ b \ ) d \ e + (-77220A \ a \ b - 2860B \ a \ b \ ) d
--R
--R
--R
                                                           7 8 4 6 7 9 3
--R
--R
                                   - 12012A a d e + (55440A a b - 1848B a )d e
--R
                                                          5 2 6 10 2 4 3
--R
--R
                                   (-98280A \ a \ b + 7560B \ a \ b)d \ e + (80080A \ a \ b - 10920B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                            3 4 4 3 12
                                 (-25740A \ a \ b + 5720B \ a \ b )d
--R
--R
--R.
                               +----+
--R
                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                   8 12
--R
                                                  7
--R
                                 (3003A \ a \ d + 12012A \ a )e
--R
                                                           6 7 2
                                                                                                                    7 8 11
--R
                                   ((-13860A \ a \ b + 462B \ a \ )d + (-55440A \ a \ b + 1848B \ a \ )d)e
--R
```

```
--R
             5 2 6 3 6 2 7 2 10
--R
--R
           ((24570A \ a \ b - 1890B \ a \ b)d + (98280A \ a \ b - 7560B \ a \ b)d)e
--R
                   43 524 53 6239
--R
           ((- 20020A a b + 2730B a b )d + (- 80080A a b + 10920B a b )d )e
--R
--R
                        4 3 5
                                           4 4
--R
          ((6435A a b - 1430B a b )d + (25740A a b - 5720B a b )d )e
--R
--R
--R
--R
         X
--R
--R
                 7 2
--R
          (24024A a d + 96096A a d)e
--R
                          7 3
--R
                                         7 8 2 10
           ((-110880A \ a \ b + 3696B \ a \ )d + (-443520A \ a \ b + 14784B \ a \ )d )e
--R
--R
                   5 2 6 4 6 2
--R
                                                     7 3 9
--R
           ((196560A \ a \ b - 15120B \ a \ b)d + (786240A \ a \ b - 60480B \ a \ b)d)e
--R
--R
                        4 3 5 2 5
--R
                (- 160160A a b + 21840B a b )d
--R
                     5 3 6 2 4
--R
--R
                (-640640A \ a \ b + 87360B \ a \ b )d
--R
--R
             8
--R
--R
                   3 4 4 3 6 4 4 5 3 5 7
--R
--R
           ((51480A \ a \ b - 11440B \ a \ b ) d + (205920A \ a \ b - 45760B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
          7
--R
         x
--R
                 7 3 8 2 10
--R
           (84084A a d + 336336A a d )e
--R
--R
--R
                               7 4
           ((-388080A \ a \ b + 12936B \ a \ )d + (-1552320A \ a \ b + 51744B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
                   5 2 6 5
                                              6 2
           ((687960A \ a \ b - 52920B \ a \ b)d + (2751840A \ a \ b - 211680B \ a \ b)d)e
--R
--R
                       4 3 5 2 6
--R
--R
             (-560560A \ a \ b + 76440B \ a \ b ) d
--R
--R
                         5 3
                                6 2 5
```

```
--R
              (-2242240A \ a \ b + 305760B \ a \ b ) d
--R
--R
               7
--R
--R
                     3 4 4 3 7 4 4 5 3 6 6
--R
--R
           ((180180A \ a \ b - 40040B \ a \ b ) d + (720720A \ a \ b - 160160B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
           6
--R
          x
--R
                    74
                                 839
--R
           (168168A a d + 672672A a d )e
--R
--R
--R
                                  7 5
                                                    7
                                                          8 4 8
--R
            ((-776160A \ a \ b + 25872B \ a \ )d + (-3104640A \ a \ b + 103488B \ a \ )d )e
--R
--R
                      5 2
                              6 6
                                                    6 2
            ((1375920A \ a \ b \ - \ 105840B \ a \ b)d \ + \ (5503680A \ a \ b \ - \ 423360B \ a \ b)d \ )e
--R
--R
--R
                        4 3
                                        527
              (- 1121120A a b + 152880B a b )d
--R
--R
                          5 3 6 2 6
--R
              (- 4484480A a b + 611520B a b )d
--R
--R
--R
--R
             е
--R
                    3 4 4 3 8 4 4 5 3 7 5
--R
--R
           ((360360A \ a \ b - 80080B \ a \ b ) d + (1441440A \ a \ b - 320320B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
           5
--R
          x
--R
                    7 5 8 4 8
--R
--R
           (210210A a d + 840840A a d )e
--R
                                  7 6
--R
                       6
                                                     7
--R
            ((-970200A \ a \ b + 32340B \ a \ )d + (-3880800A \ a \ b + 129360B \ a \ )d )e
--R
                                   6 7
                      5 2
                                                     6 2
--R
                                                             7 6 6
--R
            ((1719900A \ a \ b - 132300B \ a \ b)d + (6879600A \ a \ b - 529200B \ a \ b)d)e
--R
--R
                           4 3
                                  5 2 8
--R
              (- 1401400A a b + 191100B a b )d
--R
--R
                           5 3
              (-5605600A \ a \ b + 764400B \ a \ b )d
--R
--R
```

```
--R
            5
--R
--R
                   3 4 4 3 9 4 4 5 3 8 4
--R
--R
          ((450450A \ a \ b \ - \ 100100B \ a \ b \ )d \ + (1801800A \ a \ b \ - \ 400400B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
--R
         x
--R
                   7 6 8 5 7
--R
--R
           (168168A a d + 672672A a d )e
--R
                            7 7
                                                  7 8 6 6
--R
           ((-776160A a b + 25872B a)d + (-3104640A a b + 103488B a)d)e
--R
--R
--R
                     5 2
                            6 8 6 2 7 7 5
--R
           ((1375920A \ a \ b \ - \ 105840B \ a \ b)d \ + \ (5503680A \ a \ b \ - \ 423360B \ a \ b)d \ )e
--R
--R
                         4 3
                                 5 2 9
--R
              (-1121120A a b + 152880B a b)d
--R
                         5 3 6 2 8
--R
--R
              (-4484480A \ a \ b + 611520B \ a \ b )d
--R
--R
--R
--R
                   3 4 4 3 10 4 4 5 3 9 3
--R
--R
          ((360360A \ a \ b - 80080B \ a \ b )d + (1441440A \ a \ b - 320320B \ a \ b )d )e
--R
--R
           3
--R
          X
--R
                  7 7 8 6 6
--R
--R
           (84084A a d + 336336A a d )e
--R
                           7 8
--R
                      6
                                                  7
           ((-388080A \ a \ b + 12936B \ a \ )d + (-1552320A \ a \ b + 51744B \ a \ )d )e
--R
--R
                   5 2 6 9
--R
                                                6 2
            ((687960A \ a \ b \ - 52920B \ a \ b)d \ + (2751840A \ a \ b \ - 211680B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R.
                        4 3
                               5 2 10
--R
              (-560560A \ a \ b + 76440B \ a \ b ) d
--R
                                 6 2 9
--R
                         5 3
--R
              (-2242240A \ a \ b + 305760B \ a \ b )d
--R
             3
--R
--R
             е
```

```
--R
           3 4 4 3 11 4 4 5 3 10 2
--R
--R
         ((180180A \ a \ b - 40040B \ a \ b \ )d + (720720A \ a \ b - 160160B \ a \ b \ )d )e
--R
--R
          2
--R
         x
--R
                 78 875
--R
          (24024A a d + 96096A a d )e
--R
--R
--R
                   6 7 9
                                     7 8 8 4
          ((-110880A \ a \ b + 3696B \ a \ )d + (-443520A \ a \ b + 14784B \ a \ )d )e
--R
--R
                        6 10 6 2
--R
          ((196560A \ a \ b \ - \ 15120B \ a \ b)d \ + (786240A \ a \ b \ - \ 60480B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                      4 3
                             5 2 11
             (- 160160A a b + 21840B a b )d
--R
--R
                      5 3 6 2 10
--R
--R
             (-640640A \ a \ b + 87360B \ a \ b) d
--R
--R
            2
--R
--R
            3 4 4 3 12 4 4 5 3 11
--R
--R
          ((51480A a b - 11440B a b )d + (205920A a b - 45760B a b )d )e
--R
--R
--R
             7 9 8 8 4
--R
--R
       (3003A \ a \ d + 12012A \ a \ d )e
--R
                6 7 10 7 8 9 3
--R
--R
       ((-13860A \ a \ b + 462B \ a \ )d + (-55440A \ a \ b + 1848B \ a \ )d )e
--R
               5 2 6 11
--R
                                       6 2
       ((24570A \ a \ b - 1890B \ a \ b)d + (98280A \ a \ b - 7560B \ a \ b)d )e
--R
--R
                4 3 5 2 12
--R
                                           5 3
       ((- 20020A a b + 2730B a b )d + (- 80080A a b + 10920B a b )d )e
--R
--R
--R.
             3 4 4 3 13 4 4 5 3 12
--R.
        (6435A a b - 1430B a b )d + (25740A a b - 5720B a b )d
--R /
                        4 9 12
--R
               5 8 13
                                      3 2 10 11
--R
           90090a d e - 450450a b d e + 900900a b d e - 900900a b d e
--R
                4 12 9 5 13 8
--R
          450450a b d e - 90090b d e
--R
```

```
--R
--R
--R
        X
--R
              5 9 12 4 10 11 3 2 11 10
--R
         720720a d e - 3603600a b d e + 7207200a b d e
--R
--R
                           4 13 8 5 14 7
--R
                2 3 12 9
         - 7207200a b d e + 3603600a b d e - 720720b d e
--R
--R
--R
--R
        x
--R
               5 10 11
                         4 11 10
--R
--R
          2522520a d e - 12612600a b d e + 25225200a b d e
--R
                             4 14 7
--R
                 2 3 13 8
                                           5 15 6
--R
         - 25225200a b d e + 12612600a b d e - 2522520b d e
--R
--R
         6
--R
        x
--R
--R
               5 11 10 4 12 9 3 2 13 8
--R
         5045040a d e - 25225200a b d e + 50450400a b d e
--R
                 2 3 14 7 4 15 6 5 16 5
--R
--R
          -50450400a b d e +25225200a b d e -5045040b d e
--R
--R
         5
--R
        X
--R
               5 12 9 4 13 8 3 2 14 7
--R
--R
         6306300a d e - 31531500a b d e + 63063000a b d e
--R
                            4 16 5 5 17 4
--R
                 2 3 15 6
         - 63063000a b d e + 31531500a b d e - 6306300b d e
--R
--R
--R
--R
        x
--R
--R
               5 13 8
                            4 14 7
         5045040a d e - 25225200a b d e + 50450400a b d e
--R
--R
--R
                 2 3 16 5
                                  4 17 4
--R
         - 50450400a b d e + 25225200a b d e - 5045040b d e
--R
--R
         3
--R
        X
--R
                5 14 7 4 15 6 3 2 16 5
--R
```

```
--R
           2522520a d e - 12612600a b d e + 25225200a b d e
--R
--R
                     2 3 17 4 4 18 3 5 19 2
--R
           - 25225200a b d e + 12612600a b d e - 2522520b d e
--R
--R
          2
--R
         X
--R
                5 15 6 4 16 5 3 2 17 4
--R
--R
          720720a d e - 3603600a b d e + 7207200a b d e
--R
--R
                   2 3 18 3
                                    4 19 2
          - 7207200a b d e + 3603600a b d e - 720720b d e
--R
--R
--R
--R
--R
            5 16 5
                      4 17 4 3 2 18 3 2 3 19 2
--R
        90090a d e -450450a b d e +900900a b d e -900900a b d e
--R
--R
              4 20 5 21
--R
        450450a b d e - 90090b d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1096
--S 1097 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
              7 8 4
--R
--R
       (3003A \ a \ d + 12012A \ a )e
--R
--R
--R
       ((-13860A \ a \ b + 462B \ a \ )d + (-55440A \ a \ b + 1848B \ a \ )d)e
--R
                5 2 6 3
                                         6 2 7 2 2
--R
--R
        ((24570A \ a \ b - 1890B \ a \ b)d + (98280A \ a \ b - 7560B \ a \ b)d)e
--R
                 4 3
--R
                            524
                                             5 3
--R
        ((-20020A \ a \ b + 2730B \ a \ b)d + (-80080A \ a \ b + 10920B \ a \ b)d)e
--R
                                        4 4
--R
              3 4 4 3 5
                                                   534
--R
        (6435A \ a \ b \ - 1430B \ a \ b \ )d \ + (25740A \ a \ b \ - 5720B \ a \ b \ )d
--R /
--R
            5 8 5 4 9 4 3 2 10 3 2 3 11 2
        90090a d e -450450a b d e +900900a b d e -900900a b d e
--R
--R
--R
              4 12
        450450a b d e - 90090b d
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1097
--S 1098 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1098
)clear all
--S 1099 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(19/2)
--R
--R
--R
     (1)
--R.
           2 3
                   2
                                                 2
                                                          2 +----+
       (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
--R /
--R
                    8 8
                             277
                                       366
                                                  4 5 5
                                                              5 4 4
--R
           e x + 9d e x + 36d e x + 84d e x + 126d e x + 126d e x + 84d e x
--R
--R
              7 2 2 8
--R
           36d e x + 9d e x + d
--R
          +----+
--R
--R
         \leq x + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1099
--S 1100 of 1293
r0:=-2/17*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(17/2))+_
    2/255*(7*b*B*d+10*A*b*e-17*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
    (d+e*x)^(15/2)+16/3315*b*(7*b*B*d+10*A*b*e-17*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/_
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(13/2))+32/12155*b^2*_
    (7*b*B*d+10*A*b*e-17*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^4*_
    (d+e*x)^{(11/2)}+128/109395*b^3*(7*b*B*d+10*A*b*e-17*a*B*e)*_
    (a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(9/2))+_
    256/765765*b^4*(7*b*B*d+10*A*b*e-17*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/_
     (e*(b*d-a*e)^6*(d+e*x)^7(7/2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                    8
                                7 5
           ((2560A b - 4352B a b)e + 1792B b d e)x
--R
--R
--R
                                     265
               (-1280A \ a \ b + 2176B \ a \ b ) e + (21760A \ b - 37888B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
```

```
--R
             8 2 3
--R
           15232B b d e
--R
--R
           7
--R
          x
--R
                26 355 7 264
--R
--R
            (960A a b - 1632B a b )e + (- 10880A a b + 19168B a b )d e
--R
                             7 2 3
--R
                                          8 3 2
--R
            (81600A b - 146336B a b) d e + 57120B b d e
--R
--R
--R
          x
--R
--R
                  3 5 4 4 5 2 6 3 5 4
--R
           (-800A a b + 1360B a b )e + (8160A a b - 14432B a b )d e
--R
                                         8
--R
                          2623
            (-40800A \ a \ b + 75072B \ a \ b ) d \ e + (176800A \ b - 329120B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                 8 4
--R
           123760B b d e
--R
--R
           5
--R
          x
--R
                4 4 5 3 5 3 5 4 4 4
--R
--R
            (700A a b - 1190B a b )e + (- 6800A a b + 12050B a b )d e
--R
                  26 3523
--R
            (30600A \ a \ b - 56780B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                   7 2632 8 74
--R
--R
            (-88400A a b + 171700B a b )d e + (243100A b - 475150B a b )d e
--R
--R
                 8 5
--R
           170170B b d
--R
--R
--R
          х
--R
--R
                 5 3 6 2 5 4 4 5 3 4
--R
           (-630A a b - 152082B a b )e + (5950A a b + 908362B a b )d e
--R
--R
                   3 5
                               4 4 2 3
--R
            (- 25500A a b - 2249780B a b )d e
--R
                  26 3532
--R
--R
            (66300A \ a \ b + 2932500B \ a \ b ) d \ e
```

```
--R
                    7 264 8 75
--R
--R
          (- 121550A a b - 2044250B a b )d e + (218790A b + 461890B a b )d
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                    6 2 7 5
--R
           (- 127050A a b - 243474B a b)e
--R
--R
                         6 2 4
--R
                   5 3
            (760410A a b + 1375122B a b )d e
--R
--R
                            5 3 2 3
--R
                     4 4
--R
            (- 1892100A a b - 3143028B a b )d e
--R
--R
                    3 5 4 4 3 2
--R
            (2497300A a b + 3619300B a b )d e
--R
                     26 354
--R
--R
            (- 1823250A a b - 2044250B a b )d e
--R
--R
                    7 265
--R
           (656370A a b + 364650B a b )d
--R
--R
           2
--R
          X
--R
                     7 8 5 6 2 7 4
--R
--R
           (-210210A \ a \ b - 102102B \ a \ ) e + (1217370A \ a \ b + 540078B \ a \ b) d \ e
--R
                     5 3 6 2 2 3
--R
--R
            (- 2891700A a b - 1123836B a b )d e
--R
--R
                    4 4
                                5 3 3 2
            (3558100A a b + 1116220B a b )d e
--R
--R
                                               26 355
--R
                    3 5
                               4 4 4
          (-2309450A \ a \ b \ -475150B \ a \ b \ ) d \ e \ + (656370A \ a \ b \ + 24310B \ a \ b \ ) d
--R
--R
--R
--R
--R
                8 5
                       7
--R
         -90090A a e + (510510A a b -12012B a )d e
--R
--R
                  6 2
                         7 2 3
                                              5 3
--R
        (- 1178100A a b + 62832B a b)d e + (1392300A a b - 128520B a b )d e
--R
                  4 4 5 3 4 3 5 4 4 5
--R
        (-850850A a b + 123760B a b )d e + (218790A a b - 48620B a b )d
--R
```

```
--R
--R
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                           6 14 5 13 4 2 2 12
--R
                                         765765a e - 4594590a b d e + 11486475a b d e
--R
                                                                   3 3 3 11 2 4 4 10
--R
                                      - 15315300a b d e   + 11486475a b d e   - 4594590a b d e
--R
--R
--R
                                                        6 6 8
                                     765765b d e
--R
--R
--R
--R
                                    x
--R
                                                         6 13 5 2 12 4 2 3 11
--R
--R
                                       6126120a d e - 36756720a b d e + 91891800a b d e
--R
                                                                     3 3 4 10 2 4 5 9
--R
--R
                                         - 122522400a b d e + 91891800a b d e - 36756720a b d e
--R
--R
                                                              6 7 7
--R
                                      6126120b d e
--R
--R
                                      7
--R
                                    x
--R
                                                                6 2 12 5 3 11 4 2 4 10
--R
--R
                                       21441420a d e - 128648520a b d e + 321621300a b d e
--R
                                                                                                                                                               5 7 7
                                                                    3 3 5 9 2 4 6 8
--R
--R
                                         - 428828400a b d e + 321621300a b d e - 128648520a b d e
--R
--R
                                                             686
                                         21441420b d e
--R
--R
--R
                                      6
--R
                                    x
--R
                                                             6 3 11
                                                                                           5 4 10
--R
--R
                                       42882840a d e - 257297040a b d e + 643242600a b d e
--R
                                                                                                                          2 4 7 7
--R
                                                                     3 3 6 8
--R
                                         - 857656800a b d e + 643242600a b d e - 257297040a b d e
--R
--R
                                                             695
--R
                                         42882840b d e
--R
--R
                                    5
```

```
--R
         x
--R
                 6 4 10 5 5 9 4 2 6 8
--R
--R
          53603550a d e - 321621300a b d e + 804053250a b d e
--R
                              2 4 8 6
--R
                    3 3 7 7
--R
           - 1072071000a b d e + 804053250a b d e - 321621300a b d e
--R
                 6 10 4
--R
--R
          53603550b d e
--R
--R
--R
--R
                 6 5 9 5 6 8 4 2 7 7
--R
--R
           42882840a d e - 257297040a b d e + 643242600a b d e
--R
--R
                   3 3 8 6 2 4 9 5
                                            5 10 4
           - 857656800a b d e + 643242600a b d e - 257297040a b d e
--R
--R
--R
--R
          42882840b d e
--R
--R
          3
--R
          X
--R
                       5 77 4 2 8 6
--R
             6 6 8
--R
           21441420a d e - 128648520a b d e + 321621300a b d e
--R
                3 3 9 5 2 4 10 4 5 11 3
--R
--R
           - 428828400a b d e + 321621300a b d e - 128648520a b d e
--R
--R
                 6 12 2
--R
          21441420b d e
--R
--R
--R
          X
--R
                677 586
--R
                                           4 2 9 5
--R
           6126120a d e - 36756720a b d e + 91891800a b d e
--R
                             2 4 11 3
--R
                   3 3 10 4
                                                  5 12 2
--R
           - 122522400a b d e + 91891800a b d e - 36756720a b d e
--R
--R
                6 13
--R
           6126120b d e
--R
--R
--R
--R
            6 8 6 5 9 5 4 2 10 4 3 3 11 3
```

```
--R
           765765a d e - 4594590a b d e + 11486475a b d e - 15315300a b d e
--R
                   2 4 12 2 5 13 6 14
--R
--R
           11486475a b d e - 4594590a b d e + 765765b d
--R
--R
         +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1100
--S 1101 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                                7 9 5 8 10 4 8
--R
            ((7680A b - 13056B a b )d e + 5376B b d e )x
--R
                                                              7 10 4
--R
                                    2695
--R
                (-3840A \ a \ b + 6528B \ a \ b \ ) d \ e + (65280A \ b - 113664B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                      8 11 3
                45696B b d e
--R
--R
--R
               7
--R
              x
--R
                        2 6 3 5 9 5
--R
--R
                (2880A \ a \ b \ - 4896B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
                                      2 6 10 4
                (-32640A \ a \ b + 57504B \ a \ b )d \ e
--R
--R
                                      7 11 3 8 12 2
--R
--R
                (244800A b - 439008B a b)d e + 171360B b d e
--R
--R
               6
--R
              x
--R
--R
                         3 5 4 4 9 5
                (-2400A \ a \ b + 4080B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R.
                        2 6
                                3 5 10 4
--R.
                (24480A \ a \ b - 43296B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
                            7
                                       2 6 11 3
                (-122400A \ a \ b + 225216B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                         8 7 12 2 8 13
--R
                (530400A b - 987360B a b)d e + 371280B b d e
--R
```

```
--R
--R
              5
--R
             x
--R
                     4 4 5 3 9 5
--R
--R
               (2100A a b - 3570B a b )d e
--R
                       3 5 4 4 10 4
--R
                (-20400A \ a \ b + 36150B \ a \ b )d \ e
--R
--R
--R
                       2 6 3 5 11 3
                (91800A a b - 170340B a b )d e
--R
--R
                          7
--R
                                 2 6 12 2
--R
                (-265200A \ a \ b + 515100B \ a \ b )d \ e
--R
--R
                       8
                                     7 13
               (729300A b - 1425450B a b )d e + 510510B b d
--R
--R
--R
--R
              x
--R
                       5 3 6 2 9 5
--R
              (- 1890A a b - 456246B a b )d e
--R
--R
                       4 4 5 3 10 4
--R
--R
               (17850A a b + 2725086B a b )d e
--R
                        3 5 4 4 11 3
--R
--R
                (-76500A \ a \ b \ -6749340B \ a \ b \ )d \ e
--R
                       2 6 3 5 12 2
--R
--R
                (198900A \ a \ b + 8797500B \ a \ b ) d \ e
--R
                          7
--R
                                       2 6 13
                (-364650A \ a \ b \ -6132750B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
                       8
--R
               (656370A b + 1385670B a b )d
--R
--R
--R
               3
--R
              x
--R
--R
                         6 2 7 9 5
               (- 381150A a b - 730422B a b)d e
--R
--R
                        5 3 6 2 10 4
--R
--R
                (2281230A \ a \ b + 4125366B \ a \ b \ )d \ e
--R
                           4 4
--R
                                    5 3 11 3
```

```
--R
                                              (- 5676300A a b - 9429084B a b )d e
--R
                                                                           3 5 4 4 12 2
--R
--R
                                                (7491900A \ a \ b + 10857900B \ a \ b ) d \ e
--R
                                                                              2 6
--R
                                                                                                                         3 5 13
--R
                                                (-5469750A \ a \ b \ -6132750B \ a \ b \ )d \ e
--R
                                                                              7 2 6 14
--R
                                              (1969110A a b + 1093950B a b )d
--R
--R
--R
                                             2
--R
                                          x
--R
--R
                                                                             7
                                                                                             8 9 5
--R
                                             (-630630A \ a \ b - 306306B \ a \ )d \ e
--R
--R
                                                                         6 2
                                                                                                   7 10 4
--R
                                              (3652110A \ a \ b + 1620234B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                            5 3
                                                                                                     6 2 11 3
--R
                                                (-8675100A \ a \ b \ -3371508B \ a \ b \ )d \ e
--R
                                                                                              5 3 12 2
--R
                                                                            4 4
                                                (10674300A \ a \ b + 3348660B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                                                                            3 5
--R
                                                (-6928350A \ a \ b \ -1425450B \ a \ b \ )d \ e
--R
                                                                           2 6 3 5 14
--R
--R
                                              (1969110A a b + 72930B a b )d
--R
--R
--R
                                                                                                                 7 8 10 4
--R
                                                               8 9 5
                                     -270270A a d e + (1531530A a b -36036B a )d e
--R
--R
--R
                                                                   6 2
                                                                                           7 11 3
                                   (-3534300A \ a \ b + 188496B \ a \ b)d e
--R
--R
--R
                                                             5 3
                                                                                                      6 2 12 2
--R
                                   (4176900A a b - 385560B a b )d e
--R
--R
                                                                4 4
                                                                                                      5 3 13
                                                                                                                                                              3 5
                                                                                                                                                                                                      4 4 14
--R
                                (-2552550A \ a \ b + 371280B \ a \ b \ )d \ e + (656370A \ a \ b \ - 145860B \ a \ b \ )d
--R
--R
                                 +----+
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                            8
                                                                                             9 14
```

```
--R
           (45045A \ a \ d + 405405A \ a \ )e
--R
                      7 8 2 8 9 13
--R
--R
           ((-255255A \ a \ b + 6006B \ a \ )d + (-2297295A \ a \ b + 54054B \ a \ )d)e
--R
                          7 3
--R
                    6 2
                                                  7 2
            ((589050A \ a \ b - 31416B \ a \ b)d + (5301450A \ a \ b - 282744B \ a \ b)d)e
--R
--R
                        5 3 6 2 4
--R
              (- 696150A a b + 64260B a b )d
--R
--R
                                 7 2 3
                         6 3
--R
              (-6265350A \ a \ b + 578340B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
              11
--R
--R
--R
                      4 4 5 3 5 5 4 6 3 4
              ((425425A \ a \ b - 61880B \ a \ b \ )d + (3828825A \ a \ b - 556920B \ a \ b \ )d \ )
--R
--R
--R
              10
--R
              е
--R
--R
                        3 5 4 4 6
              (-109395A \ a \ b + 24310B \ a \ b ) d
--R
--R
                        4 5 5 4 5
--R
--R
              (- 984555A a b + 218790B a b )d
--R
--R
              9
--R
--R
--R
           9
--R
          x
--R
                   8 2 9 13
--R
--R
            (405405A \ a \ d + 3648645A \ a \ d)e
--R
                         7 8 3
--R
                                                   8
--R
              ((-2297295A \ a \ b + 54054B \ a \ )d + (-20675655A \ a \ b + 486486B \ a \ )d )
--R
--R
              12
--R.
              е
--R
--R
                         6 2
                (5301450A a b - 282744B a b)d
--R
--R
--R
                          7 2
                 (47713050A a b - 2544696B a b)d
--R
--R
```

```
--R
             11
--R
--R
                         5 3 6 2 5
--R
--R
             (- 6265350A a b + 578340B a b )d
--R
                         6 3 7 2 4
--R
             (-56388150A \ a \ b + 5205060B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
              10
--R
             е
--R
                       4 4 5 3 6
--R
              (3828825A a b - 556920B a b )d
--R
--R
--R
                       5 4
                               6 3 5
--R
               (34459425A \ a \ b \ - 5012280B \ a \ b \ )d
--R
--R
--R
--R
--R
                       3 5 4 4 7
--R
             (- 984555A a b + 218790B a b )d
--R
                              5 4 6
--R
                        4 5
              (- 8860995A a b + 1969110B a b )d
--R
--R
--R
              8
--R
--R
--R
          8
--R
          x
--R
                   8 3 9 2 12
--R
--R
           (1621620A a d + 14594580A a d)e
--R
--R
                          7
               (- 9189180A a b + 216216B a )d
--R
--R
--R
                           8
               (- 82702620A a b + 1945944B a )d
--R
--R
--R
              11
--R
--R
                               7 5
--R
                        6 2
              (21205800A a b - 1130976B a b)d
--R
--R
--R
                                8 4
                        7 2
               (190852200A a b - 10178784B a b)d
--R
```

```
--R
--R
              10
--R
--R
--R
                         5 3 6 2 6
--R
              (-25061400A \ a \ b + 2313360B \ a \ b ) d
--R
--R
                           6 3
--R
               (-225552600A \ a \ b + 20820240B \ a \ b )d
--R
--R
--R
--R
--R
                        4 4
--R
              (15315300A a b - 2227680B a b )d
--R
--R
                       5 4
                                6 3 6
              (137837700A a b - 20049120B a b )d
--R
--R
--R
              8
--R
             е
--R
--R
                          3 5 4 4 8
--R
              (- 3938220A a b + 875160B a b )d
--R
                     4 5 5 4 7
--R
              (-35443980A \ a \ b + 7876440B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
              7
--R
--R
--R
           7
--R
          x
--R
                    8 4
                                  9 3 11
--R
           (3783780A a d + 34054020A a d )e
--R
--R
--R
                          7
              (-21441420A a b + 504504B a)d
--R
--R
--R
                           8
--R
              (-192972780A \ a \ b + 4540536B \ a )d
--R
--R
              10
--R
--R
                        6 2 7 6
--R
--R
              (49480200A a b - 2638944B a b)d
--R
--R
                          7 2
                                   8 5
```

```
--R
               (445321800A a b - 23750496B a b)d
--R
--R
               9
--R
--R
                           5 3 6 2 7
--R
--R
               (-58476600A \ a \ b + 5397840B \ a \ b ) d
--R
                                    7 2 6
                           6 3
--R
               (-526289400A \ a \ b + 48580560B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
               8
--R
--R
--R
                         4 4
                                 5 3 8
--R
               (35735700A a b - 5197920B a b )d
--R
--R
                          5 4
                                  6 3 7
--R
                (321621300A \ a \ b \ - 46781280B \ a \ b \ )d
--R
--R
--R
              е
--R
--R
                                4 4 9
                          3 5
              (- 9189180A a b + 2042040B a b )d
--R
--R
--R
                           4 5
--R
               (-82702620A a b + 18378360B a b )d
--R
--R
               6
--R
--R
--R
           6
--R
          х
--R
                    8 5 9 4 10
--R
--R
            (5675670A a d + 51081030A a d )e
--R
--R
                            7
              (-32162130A \ a \ b + 756756B \ a )d
--R
--R
--R
                            8
--R
               (-289459170A \ a \ b + 6810804B \ a )d
--R
--R
               9
--R
--R
--R
                         6 2
              (74220300A a b - 3958416B a b)d
--R
--R
```

```
7 2
--R
--R
                (667982700A a b - 35625744B a b)d
--R
--R
               8
--R
--R
                          5 3 6 2 8
--R
--R
              (-87714900A a b +8096760B a b )d
--R
                           6 3
                                          727
--R
               (- 789434100A a b + 72870840B a b )d
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                          4 4
                                       539
--R
               (53603550A a b - 7796880B a b )d
--R
                         5 4
--R
                                  6 3 8
                (482431950A a b - 70171920B a b )d
--R
--R
--R
               6
--R
--R
                           3 5 4 4 10
--R
              (- 13783770A a b + 3063060B a b )d
--R
--R
                                   5 4 9
--R
                           4 5
--R
               (-124053930A \ a \ b + 27567540B \ a \ b ) d
--R
--R
              5
--R
--R
--R
--R
          x
--R
                                   9 5 9
--R
                     8 6
--R
           (5675670A a d + 51081030A a d )e
--R
--R
                           7
               (- 32162130A a b + 756756B a )d
--R
--R
                           8
--R
--R
               (-289459170A \ a \ b + 6810804B \ a )d
--R
--R
              8
--R
--R
                         6 2 7 8
--R
                (74220300A a b - 3958416B a b)d
--R
```

```
--R
                            8 7
                   7 2
--R
--R
             (667982700A a b - 35625744B a b)d
--R
--R
--R
--R
                        5 3
--R
                                     629
--R
             (-87714900A a b +8096760B a b )d
--R
                                7 2 8
--R
                       6 3
             (-789434100A a b + 72870840B a b)d
--R
--R
--R
             6
--R
            е
--R
                      4 4 5 3 10
--R
             (53603550A a b - 7796880B a b )d
--R
--R
--R
                      5 4
--R
              (482431950A \ a \ b - 70171920B \ a \ b ) d
--R
--R
             5
--R
--R
                   3 5 4 4 11
--R
--R
             (- 13783770A a b + 3063060B a b )d
--R
                         4 5 5 4 10
--R
--R
             (-124053930A \ a \ b + 27567540B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
--R
--R
--R
         x
--R
                  8 7
--R
                                968
           (3783780A a d + 34054020A a d)e
--R
--R
--R
                         7
--R
             (-21441420A a b + 504504B a)d
--R
                         8
--R
--R
             (- 192972780A a b + 4540536B a )d
--R
--R
--R
--R
                        6 2
                               7 9
--R
```

```
--R
               (49480200A \ a \ b - 2638944B \ a \ b)d
--R
                         7 2 8 8
--R
--R
               (445321800A a b - 23750496B a b)d
--R
--R
              6
--R
             е
--R
                         5 3 6 2 10
--R
             (-58476600A \ a \ b + 5397840B \ a \ b ) d
--R
--R
                                  7 2 9
--R
                          6 3
--R
              (-526289400A \ a \ b + 48580560B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
--R
--R
                        4 4
                                5 3 11
--R
             (35735700A a b - 5197920B a b )d
--R
--R
                        5 4
                                6 3 10
--R
               (321621300A a b - 46781280B a b )d
--R
--R
              4
--R
--R
                         3 5 4 4 12
--R
--R
             (-9189180A \ a \ b + 2042040B \ a \ b )d
--R
                         4 5 5 4 11
--R
--R
             (- 82702620A a b + 18378360B a b )d
--R
--R
              3
--R
             е
--R
--R
          3
--R
          X
--R
--R
                    8 8
                                  977
--R
           (1621620A a d + 14594580A a d )e
--R
--R
                           7
--R
                (- 9189180A a b + 216216B a )d
--R
                                 9 8
--R
                           8
                 (-82702620A a b + 1945944B a)d
--R
--R
--R
--R
            е
--R
```

```
7 10
--R
                       6 2
--R
               (21205800A a b - 1130976B a b)d
--R
--R
                         7 2
--R
               (190852200A a b - 10178784B a b)d
--R
--R
              5
--R
            е
--R
                         5 3
--R
                                       6 2 11
--R
             (- 25061400A a b + 2313360B a b )d
--R
                          6 3 7 2 10
--R
              (-225552600A \ a \ b + 20820240B \ a \ b )d
--R
--R
--R
              4
--R
--R
--R
                       4 4 5 3 12
--R
              (15315300A a b - 2227680B a b )d
--R
--R
                    5 4 6 3 11
--R
               (137837700A a b - 20049120B a b )d
--R
--R
              3
--R
--R
                        3 5 4 4 13
--R
--R
             (- 3938220A a b + 875160B a b )d
--R
                              5 4 12
--R
                         4 5
--R
             (-35443980A \ a \ b + 7876440B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
--R
--R
          2
--R
          X
--R
                  8 9 9 8 6
--R
           (405405A \ a \ d + 3648645A \ a \ d )e
--R
--R
--R
                          7
                                8 10
               (- 2297295A a b + 54054B a )d
--R
--R
--R
                           8
                (-20675655A \ a \ b + 486486B \ a ) d
--R
--R
--R
             5
--R
             е
```

```
--R
                      6 2 7 11
--R
--R
             (5301450A a b - 282744B a b)d
--R
                       7 2 8 10
--R
             (47713050A a b - 2544696B a b)d
--R
--R
--R
--R
             е
--R
--R
                        5 3 6 2 12
              (- 6265350A a b + 578340B a b )d
--R
--R
                              7 2 11
--R
                      6 3
--R
              (- 56388150A a b + 5205060B a b )d
--R
--R
--R
--R
                             5 3 13
--R
                      4 4
--R
             (3828825A a b - 556920B a b )d
--R
--R
                       5 4 6 3 12
--R
              (34459425A a b - 5012280B a b )d
--R
--R
             2
--R
--R
                       3 5 4 4 14
--R
--R
             (-984555A \ a \ b + 218790B \ a \ b ) d
--R
                      4 5 5 4 13
--R
--R
             (-8860995A \ a \ b + 1969110B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
--R
         x
--R
              8 10 9 9 5
--R
--R
       (45045A \ a \ d + 405405A \ a \ d )e
--R
--R
                 7
                       8 11
                                            8 9 10 4
--R
       ((-255255A \ a \ b + 6006B \ a \ )d + (-2297295A \ a \ b + 54054B \ a \ )d )e
--R
               6 2 7 12 7 2 8 11 3
--R
        ((589050A \ a \ b \ - 31416B \ a \ b)d \ + (5301450A \ a \ b \ - 282744B \ a \ b)d \ )e
--R
--R
--R
                     5 3 6 2 13
           (- 696150A a b + 64260B a b )d
--R
--R
```

```
6 3 7 2 12
--R
--R
        (- 6265350A a b + 578340B a b )d
--R
        2
--R
--R
        е
--R
               4 4 5 3 14 5 4 6 3 13
--R
--R
       ((425425A \ a \ b - 61880B \ a \ b \ )d + (3828825A \ a \ b - 556920B \ a \ b \ )d )e
--R
--R
               3 5
                          4 4 15
                                           4 5
--R
       (-109395A \ a \ b + 24310B \ a \ b ) d + (-984555A \ a \ b + 218790B \ a \ b ) d
--R /
               6 9 15 5 10 14
--R
                                         4 2 11 13
          2297295a d e - 13783770a b d e + 34459425a b d e
--R
--R
--R
                 3 3 12 12 2 4 13 11
                                             5 14 10
--R
          -45945900a b d e +34459425a b d e -13783770a b d e
--R
--R
               6 15 9
--R
         2297295b d e
--R
--R
         9
--R
         x
--R
--R
                6 10 14 5 11 13 4 2 12 12
--R
         20675655a d e - 124053930a b d e + 310134825a b d e
--R
               3 3 13 11 2 4 14 10
--R
                                               5 15 9
--R
          - 413513100a b d e + 310134825a b d e - 124053930a b d e
--R
--R
                6 16 8
--R
         20675655b d e
--R
--R
         8
--R
        X
--R
                6 11 13 5 12 12
--R
                                                 4 2 13 11
--R
         82702620a d e - 496215720a b d e + 1240539300a b d e
--R
                               2 4 15 9
--R
                   3 3 14 10
          - 1654052400a b d e + 1240539300a b d e - 496215720a b d e
--R
--R
--R.
                6 17 7
         82702620b d e
--R
--R
--R
         7
--R
         x
--R
                  6 12 12 5 13 11 4 2 14 10
--R
      192972780a d e - 1157836680a b d e + 2894591700a b d e
--R
```

```
--R
              3 3 15 9 2 4 16 8 5 17 7
--R
--R
         -3859455600a b d e +2894591700a b d e -1157836680a b d e
--R
           6 18 6
--R
--R
         192972780b d e
--R
--R
--R
        x
--R
                6 13 11 5 14 10 4 2 15 9
--R
          289459170a d e - 1736755020a b d e + 4341887550a b d e
--R
--R
--R
                  3 3 16 8
                                  2 4 17 7
--R
         - 5789183400a b d e + 4341887550a b d e - 1736755020a b d e
--R
--R
                 6 19 5
--R
          289459170b d e
--R
--R
        5
--R
        x
--R
                6 14 10 5 15 9 4 2 16 8
--R
--R
         289459170a d e - 1736755020a b d e + 4341887550a b d e
--R
               3 3 17 7 2 4 18 6 5 19 5
--R
         - 5789183400a b d e + 4341887550a b d e - 1736755020a b d e
--R
--R
--R
                 6 20 4
--R
         289459170b d e
--R
--R
         4
--R
       x
--R
                6 15 9 5 16 8
--R
         192972780a d e - 1157836680a b d e + 2894591700a b d e
--R
--R
                             2 4 19 5
--R
                  3 3 18 6
         - 3859455600a b d e + 2894591700a b d e - 1157836680a b d e
--R
--R
--R
                6 21 3
         192972780b d e
--R
--R
--R
         3
--R
        X
--R
               6 16 8 5 17 7 4 2 18 6
--R
--R
         82702620a d e - 496215720a b d e + 1240539300a b d e
--R
                              2 4 20 4
--R
                   3 3 19 5
                                              5 21 3
```

```
--R
            - 1654052400a b d e + 1240539300a b d e - 496215720a b d e
--R
--R
                    6 22 2
--R
            82702620b d e
--R
--R
           2
--R
          X
--R
                    6 17 7 5 18 6 4 2 19 5
--R
            20675655a d e - 124053930a b d e + 310134825a b d e
--R
--R
--R
                      3 3 20 4
                                         2 4 21 3
            - 413513100a b d e + 310134825a b d e - 124053930a b d e
--R
--R
--R
                    6 23
--R
            20675655b d e
--R
--R
--R
               6 18 6 5 19 5 4 2 20 4
--R
--R
         2297295a d e - 13783770a b d e + 34459425a b d e
--R
--R
                3 3 21 3
                            2 4 22 2
                                                      5 23
--R
       - 45945900a b d e + 34459425a b d e - 13783770a b d e + 2297295b d
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1101
--S 1102 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
--R
        (45045A \ a \ d + 405405A \ a \ )e
--R
                   7 8 2
--R
--R
       ((-255255A \ a \ b + 6006B \ a \ )d + (-2297295A \ a \ b + 54054B \ a \ )d)e
--R
--R
                              7 3
                  6 2
                                                7 2
--R
        ((589050A \ a \ b - 31416B \ a \ b)d + (5301450A \ a \ b - 282744B \ a \ b)d)e
--R
                                                     6 3
--R
                   5 3 6 2 4
--R
        ((-696150A \ a \ b + 64260B \ a \ b ) d + (-6265350A \ a \ b + 578340B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
                  4 4 5 3 5
                                                 5 4
        ((425425A \ a \ b - 61880B \ a \ b \ )d + (3828825A \ a \ b - 556920B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
--R
                               4 4 6
                                                  4 5
         (-109395A \ a \ b + 24310B \ a \ b )d + (-984555A \ a \ b + 218790B \ a \ b )d
--R
--R /
```

```
5 10 5 4 2 11 4
--R
--R
                         2297295a d e - 13783770a b d e + 34459425a b d e - 45945900a b d e
--R
--R
                                                2 4 13 2
                                                                                                        5 14
                                                                                                                                                  6 15
--R
                         34459425a b d e - 13783770a b d e + 2297295b d
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 1102
--S 1103 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
             (5) 0
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 1103
)clear all
--S 1104 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)/sqrt(a+b*x)
--R
--R
--R
                                                         2
                                                                                              2
                                                                                                                                         2
                                                                                                                                                        2 +----+
                                      2.3
--R
                            (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) \le x + d
--R
               (1) -----
--R
                                                                                                    +----+
--R
                                                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 1104
--S 1105 of 1293
r0:=-5/64*(b*d-a*e)^3*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*_
             atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(9/2)*e^(3/2))-_
             5/96*(b*d-a*e)*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)*_
             sqrt(a+b*x)/(b^3*e)-1/24*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)*_
             sqrt(a+b*x)/(b^2*e)+1/4*B*(d+e*x)^(7/2)*sqrt(a+b*x)/(b*e)-_
             5/64*(b*d-a*e)^2*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^4*e)
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                                                      4 4
                                                                                                                        2 2
                                    (-120A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (360A \ a \ b - 300B \ a \ b)d \ e
--R
--R.
                                                                                      2 2 2 2
--R.
                                                                                                                                     4
                                                                                                                                                              3 3
--R
                                    (-360A \ a \ b + 270B \ a \ b ) d \ e + (120A \ b - 60B \ a \ b ) d \ e - 15B \ b \ d
--R
--R
                                                +-+ +----+
--R
                                              atanh(-----)
--R
                                                +-+ +----+
--R
```

```
\begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                           3 3 3 2 3 3 2 2
--R
--R
                                                                    48B \ b \ e \ x + ((64A \ b - 56B \ a \ b ) e + 136B \ b \ d \ e ) x
--R
                                                                                                                                                                                                                             3
                                                                                                                                                         2 3
--R
                                                                  ((-80A a b + 70B a b)e + (208A b - 172B a b)d e + 118B b d e)x
--R
--R
                                                                                                       2 3 3 2 2 2
--R
                                                                  (120A a b - 105B a )e + (- 320A a b + 265B a b)d e
--R
--R
                                                                                                                                                             2 2
                                                                                                                                                                                                                           3 3
--R
                                                                    (264A b - 191B a b )d e + 15B b d
 --R
 --R
 --R
                                                               +-+ +-+ +----+
--R
                                                         \|b \|e \|b x + a \|e x + d
--R /
                                                         4 +-+ +-+
--R
--R
                                        192b e\|b \|e
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1105
--S 1106 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1106
--S 1107 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1107
--S 1108 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1108
)clear all
--S 1109 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)/sqrt(a+b*x)
--R
--R
 --R
 --R
                                             (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus |e x + d
--R (1) -----
--R.
                                                                                                                                   +----+
--R
                                                                                                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1109
--S 1110 of 1293
r0:=-1/8*(b*d-a*e)^2*(b*B*d-6*A*b*e+5*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*_
```

```
sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(7/2)*e^(3/2))-_
    1/12*(b*B*d-6*A*b*e+5*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x)/(b^2*e)+_
    1/3*B*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+b*x)/(b*e)-1/8*(b*d-a*e)*_
    (b*B*d-6*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e)
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
             (18A \ a \ b - 15B \ a \ )e + (-36A \ a \ b + 27B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                          2 2
             (18A b - 9B a b)d e - 3B b d
--R
--R
                 +-+ +----+
--R
--R
                --R
           atanh(-----)
--R
                 +-+ +----+
--R
                --R
--R
--R
            8B b e x + ((12A b - 10B a b)e + 14B b d e)x
--R
--R
                             2 2
                                                              2 2
             (- 18A a b + 15B a )e + (30A b - 22B a b)d e + 3B b d
--R
--R
--R
            +-+ +-+ +----+
--R
           --R /
--R
          3 +-+ +-+
--R
       24b e\|b \|e
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1110
--S 1111 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1111
--S 1112 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1112
--S 1113 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1113
)clear all
--S 1114 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(d+e*x)/sqrt(a+b*x)
--R
```

```
--R
--R
--R
                                 (B x + A) \setminus |e x + d
               (1) -----
--R
--R
--R
                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1114
--S 1115 of 1293
r0:=-1/4*(b*d-a*e)*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*_
                sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(5/2)*e^(3/2))+_
                1/2*B*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x)/(b*e)-1/4*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)*_
                sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e)
 --R
--R
--R
                   (2)
--R
                                                                                            2 2 2
--R
                                      ((-4A \ a \ b + 3B \ a \ )e + (4A \ b - 2B \ a \ b)d \ e - B \ b \ d)
--R
--R
                                                            +-+ +----+
--R
                                                        atanh(-----)
--R
                                                            +-+ +----+
--R
--R
                                                          --R
--R
                                                                                                                                                   +-+ +-+ +----+
--R
                                (2B b e x + (4A b - 3B a)e + B b d)\|b \|e \|b x + a \|e x + d
--R /
--R
                                2 +-+ +-+
--R
                         4b e\|b \|e
--R
                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 1115
--S 1116 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1116
--S 1117 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1117
--S 1118 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1118
)clear all
--S 1119 of 1293
t0:=(A+B*x)/(sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x))
```

```
--R
--R
--R
                                                                                     B \times A
                         (1) -----
--R
                                                          +----+
--R
--R
                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1119
--S 1120 of 1293
\texttt{r0:=(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/\_}
                           (b^{(3/2)}*e^{(3/2)})+B*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b*e)
--R
--R
--R
                                (2)
--R
                                                                                                                                                                                                  +-+ +----+
--R
                                                                                                                                                                                              \|e \|b x + a
                                                                                                                                                                                                                                                                                                   +-+ +-+ +----+
                           ((2A b - B a)e - B b d)atanh(-----) + B\|b \|e \|b x + a \|e x + d
--R
                                                                                                                                                                                                 +-+ +----+
--R
--R
                                                                                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                       +-+ +-+
--R
                                                                                                                                                                                                                    b e\|b \|e
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1120
--S 1121 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1121
--S 1122 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1122
--S 1123 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1123
)clear all
--S 1124 of 1293
t0:=(A+B*x)/((d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
                                                                                                               B x + A
                          (1) -----
--R
                                                                                                          +----+
--R
--R
                                                        (e x + d) \setminus |b x + a \setminus |e x + d
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1124
```

```
--S 1125 of 1293
\texttt{r0:=2*B*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(e^(3/2)*sqrt(b))-\_}
     2*(B*d-A*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                           +-+ +----+
--R
                           +----+
                                          (2B \ a \ e \ - \ 2B \ b \ d) \setminus | e \ x \ + \ d \ atanh(------)
--R
                                           +-+ +----+
--R
--R
                                          --R
--R
                         +-+ +-+ +----+
--R
         (-2A e + 2B d) \setminus |b \setminus |e \setminus |b x + a
--R /
--R
                     +-+ +-+ +----+
--R
        (a e - b d e) \setminus |b \setminus |e \times + d
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1125
--S 1126 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1126
--S 1127 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1127
--S 1128 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1128
)clear all
--S 1129 of 1293
t0:=(A+B*x)/((d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
                          B \times A
     (1) -----
--R
--R
                          2 +----+
           2 2
--R.
          (e x + 2d e x + d) | b x + a | e x + d
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1129
--S 1130 of 1293
r0:=-2/3*(B*d-A*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2))+_
     2/3*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x))
--R.
```

```
--R
--R
--R
          (((4A b - 6B a)e + 2B b d)x - 2A a e + (6A b - 4B a)d) | b x + a
--R
            2 3 2 2 2 2 2 2 3 +-----+
--R
--R
         ((3a e - 6a b d e + 3b d e)x + 3a d e - 6a b d e + 3b d) | e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1130
--S 1131 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                      2 3 2
--R
                                                  3 +----+
--R
          (((4A b - 6B a)d e + 2B b d)x - 2A a d e + (6A b - 4B a)d) b x + a
--R
--R
          +----+
--R
         \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
--R
       ((A a d + A a)e + ((-3A b + 2B a)d + (-3A a b + 2B a)d)e)x
--R
--R
--R
              2 2 2 3
--R
        ((2A \ a \ d + 2A \ a \ d)e + ((-6A \ b + 4B \ a)d + (-6A \ a \ b + 4B \ a)d)e)x
--R
--R
--R
        (A \ a \ d + A \ a \ d) \ e + (-3A \ b + 2B \ a) \ d + (-3A \ a \ b + 2B \ a) \ d
--R /
--R
          --R
        (3a d e - 6a b d e + 3b d e )x + (6a d e - 12a b d e + 6b d e)x
--R
--R
         2 4 2
                   5
                         2 6
--R
        3a d e - 6a b d e + 3b d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1131
--S 1132 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                  2
                                    2
--R.
        (A a d + A a) e + (-3A b + 2B a) d + (-3A a b + 2B a) d
--R
    (4) -----
                        2 2 2 3 2 4
--R
--R
                      3a d e - 6a b d e + 3b d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1132
--S 1133 of 1293
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
             (5) 0
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1133
)clear all
--S 1134 of 1293
t0:=(A+B*x)/((d+e*x)^(7/2)*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
                                                                                      B \times A
--R
               (1) -----
--R
                               3 3 2 2 2 3 +----+
--R
                           (e x + 3d e x + 3d e x + d) \ b x + a \ e x + d
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1134
--S 1135 of 1293
r0:=-2/5*(B*d-A*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2))+_
             2/15*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2))+__
             4/15*b*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                   2 2
--R
                               ((-16A b + 20B a b)e - 4B b d e)x
--R.
--R
                                                                                                                                                                             2 2
                               ((8A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (-40A \ b + 52B \ a \ b)d \ e - 10B \ b \ d \ )x - 6A \ a \ e
--R
--R
                                                                                                          2
--R
--R
                             (20A \ a \ b - 4B \ a \ )d \ e + (-30A \ b + 20B \ a \ b)d
--R
                            +----+
--R
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                          3 5
                                                            2 4
                                                                                                     2 2 3
                                                                                                                                3 3 2 2
--R
                               (15a e - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e )x
--R
--R.
                                         3 4 2 2 3
                                                                                                         2 3 2
                                                                                                                                         3 4
                                                                                                                                                                  3 2 3 2 3 2
--R.
                               (30a d e - 90a b d e + 90a b d e - 30b d e)x + 15a d e - 45a b d e
--R
--R
                                            2 4
                                                                  3 5
                               45a b d e - 15b d
--R
--R
                           +----+
--R
--R
                          \leq x + d
```

```
--R
                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 1135
--S 1136 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                  (3)
                                                                  2 32 24 2
--R
                                        ((-64A b + 80B a b)d e - 16B b d e)x
--R
--R
                                                                                             2 3 2
--R
                                         ((32A \ a \ b - 40B \ a \ )d \ e + (- 160A \ b + 208B \ a \ b)d \ e - 40B \ b \ d \ )x
--R
--R
--R
                                                               2 3 2
                                                                                                                                      2 4
--R
                                          - 24A a d e + (80A a b - 16B a )d e + (- 120A b + 80B a b)d
--R
--R
                                      +----+
--R
                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                    2
                                                                        3 5
                                        (3A a d + 48A a )e
--R
--R
--R
--R
                                         ((-10A \ a \ b + 2B \ a \ )d + (-160A \ a \ b + 32B \ a \ )d)e
--R
--R
--R
                                          ((15A b - 10B a b)d + (240A a b - 160B a b)d)e
--R
--R
                                       3
--R
                                    x
--R
--R
                                                         2 2
--R
                                        (9A a d + 144A a d)e
--R
                                                                                                                                             2 3 2 3
                                                                                              2 3
--R
                                        ((-30A \ a \ b + 6B \ a \ )d + (-480A \ a \ b + 96B \ a \ )d )e
--R
--R
                                                                                             4
--R
--R
                                          ((45A b - 30B a b)d + (720A a b - 480B a b)d)e
--R
--R
                                      2
--R
                                    X
--R
--R
                                                       2 3
                                                                        3 2 3
                                          (9A a d + 144A a d )e
--R
--R
--R
                                                                                                                                             2 3 3 2
                                        ((- 30A a b + 6B a )d + (- 480A a b + 96B a )d )e
--R
--R
```

```
2 5 2 2 4
--R
--R
          ((45A b - 30B a b)d + (720A a b - 480B a b)d)e
--R
--R
--R
          2 4 3 3 2
--R
--R
      (3A a d + 48A a d )e
--R
                   2 5 2 3 4 2 6
--R
      ((- 10A a b + 2B a )d + (- 160A a b + 32B a )d )e + (15A b - 10B a b)d
--R
--R
--R
                    2 5
       (240A a b - 160B a b)d
--R
--R /
                            254 3633
--R
         3 3 6 2 4 5
--R
       (60a d e - 180a b d e + 180a b d e - 60b d e )x
--R
--R
          3 4 5 2 5 4 2 6 3 3 7 2 2
--R
       (180a d e - 540a b d e + 540a b d e - 180b d e)x
--R
--R
          3 5 4 2 6 3
                               272
                                        38 363
--R
      (180a d e - 540a b d e + 540a b d e - 180b d e)x + 60a d e
--R
--R
          2 7 2 2 8 3 9
--R
       - 180a b d e + 180a b d e - 60b d
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1136
--S 1137 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          2 3 2 2 2 3
--R
--R
      (3A a d + 48A a )e + ((- 10A a b + 2B a )d + (- 160A a b + 32B a )d)e
--R
                   3
--R
--R
       (15A b - 10B a b)d + (240A a b - 160B a b)d
--R /
--R
       3 3 3 2 4 2
                            2 5
--R
      60a d e - 180a b d e + 180a b d e - 60b d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1137
--S 1138 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1138
)clear all
--S 1139 of 1293
t0:=(A+B*x)/((d+e*x)^(9/2)*sqrt(a+b*x))
--R
--R
                                                                                                B x + A
--R
               (1) -----
                                                                                                                        4 +----+
--R
                              4 4 3 3 2 2 2 3
                            (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) \b x + a \e x + d
--R
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1139
--S 1140 of 1293
r0:=-2/7*(B*d-A*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(7/2))+_
             2/35*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2))+_
             8/105*b*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^3*_
             (d+e*x)^{(3/2)}+16/105*b^{2}*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*_
             sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                            2 3 3 2 3
--R
                              ((96A b - 112B a b)e + 16B b d e)x
--R
--R
                                                          2 2 3 3
                                                                                                                               2 2 3 2 2
                              ((-48A \ a \ b + 56B \ a \ b)e + (336A \ b - 400B \ a \ b )d \ e + 56B \ b \ d \ e)x
--R
--R.
--R
                                                                                 3 3
                                         (36A \ a \ b - 42B \ a \ )e + (-168A \ a \ b + 202B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                        3 2 2
--R
--R
                                        (420A b - 518B a b )d e + 70B b d
--R
--R
                                   X
--R
--R
                                                                                                       3 2
                              - 30A a e + (126A a b - 12B a )d e + (- 210A a b + 56B a b)d e
--R
--R
--R
                                              3
                                                                            2 3
--R.
                              (210A b - 140B a b )d
--R
                           +----+
--R
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                                                3 6 2225
                                                                                                                                   3 3 4
--R
                             (105a e - 420a b d e + 630a b d e - 420a b d e + 105b d e )x
--R
```

```
4 6 3 2 5 2 2 3 4 3 4 5 2 2
--R
--R
          (315a d e - 1260a b d e + 1890a b d e - 1260a b d e + 315b d e )x
--R
--R
              4 2 5 3 3 4
                                     2 2 4 3
                                                   3 5 2
--R
          (315a d e - 1260a b d e + 1890a b d e - 1260a b d e + 315b d e)x
--R
             4 3 4 3 4 3 2 2 5 2 3 6 4 7
--R
--R
         105a d e - 420a b d e + 630a b d e - 420a b d e + 105b d
--R
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1140
--S 1141 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                     2 4 3 3 5 2 3
--R
--R
           ((96A b - 112B a b) d e + 16B b d e) x
--R
--R
                        2 2 4 3 3 2 5 2
--R
                (-48A \ a \ b + 56B \ a \ b) d \ e + (336A \ b - 400B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                     3 6
--R
                56B b d e
--R
--R
              2
--R
            x
--R
                    2 3 4 3 2 2 5 2
--R
--R
               (36A \ a \ b - 42B \ a \ )d \ e + (-168A \ a \ b + 202B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                             2 6
               (420A b - 518B a b) d e + 70B b d
--R
--R
--R
--R
                         2
                                     3 5 2
--R
                 3 4 3
           - 30A a d e + (126A a b - 12B a )d e + (- 210A a b + 56B a b)d e
--R
--R
--R
                          2 7
                3
--R
           (210A b - 140B a b )d
--R
          +----+
--R
--R
         \b x + a \le x + d
--R
                  3 4 7 2 3 2 3 4 6
--R
            (-15A \ a \ d - 15A \ a \ )e + ((63A \ a \ b - 6B \ a \ )d + (63A \ a \ b - 6B \ a \ )d)e
--R
```

```
--R
                   2 2 3 2 2 3 2 5
--R
--R
          ((-105A \ a \ b + 28B \ a \ b)d + (-105A \ a \ b + 28B \ a \ b)d)e
--R
                3 2 4 3 2 2 3 4
--R
--R
          ((105A b - 70B a b)d + (105A a b - 70B a b)d)e
--R
--R
--R
         x
--R
--R
                3 2 4 6
          (- 60A a d - 60A a d)e
--R
--R
--R
                       3 3
                                   3
--R
          ((252A \ a \ b - 24B \ a \ )d + (252A \ a \ b - 24B \ a \ )d )e
--R
--R.
                   2 2 4
                                        2 2 3 3 4
          ((-420A \ a \ b + 112B \ a \ b)d + (-420A \ a \ b + 112B \ a \ b)d)e
--R
--R
                3 2 5 3 2 2 4 3
--R
--R
          ((420A b - 280B a b)d + (420A a b - 280B a b)d)e
--R
--R
         3
--R
         x
--R
               3 3 4 2 5
--R
--R
          (- 90A a d - 90A a d )e
--R
--R
                    3 4
                               3 4 3 4
                 2
--R
          ((378A \ a \ b - 36B \ a \ )d + (378A \ a \ b - 36B \ a \ )d )e
--R
                 2 2 5 2 2 3 4 3
--R
--R
          ((-630A \ a \ b + 168B \ a \ b)d + (-630A \ a \ b + 168B \ a \ b)d)e
--R
               3 2 6 3
--R
           ((630A b - 420B a b)d + (630A a b - 420B a b)d)e
--R
--R
--R
--R
         x
--R
                3 4 4 3 4
--R
          (- 60A a d - 60A a d )e
--R
--R.
--R
                    3 5
                                  3 4 4 3
          ((252A \ a \ b - 24B \ a \ )d + (252A \ a \ b - 24B \ a \ )d )e
--R
--R
                2 2 6 2 2 3 5 2
--R
          ((- 420A a b + 112B a b)d + (- 420A a b + 112B a b)d )e
--R
--R
--R
                 3 2 7 3 2 2 6
```

```
--R
         ((420A b - 280B a b)d + (420A a b - 280B a b)d)e
--R
--R
        x
--R
             35 443 2 36 3 452
--R
--R
        (-15A \ a \ d \ -15A \ a \ d \ ) e \ + ((63A \ a \ b \ -6B \ a \ ) d \ + (63A \ a \ b \ -6B \ a \ ) d \ ) e
--R
                                     2 2 3 6
--R
                      2 7
                2
       ((-105A \ a \ b + 28B \ a \ b)d + (-105A \ a \ b + 28B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                                 3
                    2 8
                                         227
        (105A b - 70B a b)d + (105A a b - 70B a b)d
--R
--R /
                   3 5 7 2 2 6 6 3 7 5
--R
       (105a d e - 420a b d e + 630a b d e - 420a b d e + 105b d e )x
--R
--R
--R.
           457 3 66 2275 384 4933
        (420a d e - 1680a b d e + 2520a b d e - 1680a b d e + 420b d e )x
--R
--R
                  3 7 5 2 2 8 4 3 9 3 4 10 2 2
--R
--R
       (630a d e - 2520a b d e + 3780a b d e - 2520a b d e + 630b d e )x
--R
--R
           4 7 5 3 8 4 2 2 9 3
                                              3 10 2 4 11
--R
       (420a d e - 1680a b d e + 2520a b d e - 1680a b d e + 420b d e)x
--R
--R
          484 3 93 22102 311 412
--R
       105a d e - 420a b d e + 630a b d e - 420a b d e + 105b d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1141
--S 1142 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
            3 4 3 2 3 2 3 4 2
--R
--R
       (-15A a d - 15A a)e + ((63A a b - 6B a)d + (63A a b - 6B a)d)e
--R
                                     2 2
                2 2 3
--R
--R
       ((-105A \ a \ b + 28B \ a \ b)d + (-105A \ a \ b + 28B \ a \ b)d)e
--R
                                       223
--R
                     2 4
                                  3
--R
       (105A b - 70B a b )d + (105A a b - 70B a b )d
--R /
--R
        4 4 4 3 5 3 2 2 6 2 3 7
--R
      105a d e - 420a b d e + 630a b d e - 420a b d e + 105b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1142
--S 1143 of 1293
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1143
)clear all
--S 1144 of 1293
t0:=(A+B*x)/((d+e*x)^(11/2)*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
     (1)
--R
                                    B x + A
--R
--R
     5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +----+
--R
    (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d )\|b x + a \|e x + d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1144
--S 1145 of 1293
r0:=-2/9*(B*d-A*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(9/2))+_
    2/63*(b*B*d+8*A*b*e-9*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2))+_
    4/105*b*(b*B*d+8*A*b*e-9*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/_
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2))+16/315*b^2*(b*B*d+8*A*b*e-9*a*B*e)*_
    sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2))+_
    32/315*b^3*(b*B*d+8*A*b*e-9*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^5*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
                   4 3 4 4 3 4
--R
--R
           ((-256A b + 288B a b)e - 32B b d e)x
--R
                      3
--R
                              2 2 4
              (128A \ a \ b \ - 144B \ a \ b \ ) e \ + (- 1152A \ b \ + 1312B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                      4 2 2
--R
              - 144B b d e
--R
--R
             3
--R
            x
--R.
--R.
                      2 2 3 4
                                                3 22 3
--R
              (-96A \ a \ b + 108B \ a \ b)e + (576A \ a \ b - 660B \ a \ b)d \ e
--R
                            3 2 2 4 3
--R
--R
              (-2016A b + 2340B a b) d e - 252B b d e
--R
--R
             2
```

```
--R
                              X
--R
--R
                                                   3 4 4 2 2 3 3
--R
                                       (80A a b - 90B a )e + (- 432A a b + 496B a b)d e
--R
                                                             3 2222
--R
                                       (1008A a b - 1188B a b )d e + (- 1680A b + 2016B a b )d e
--R
--R
--R
                                                        4 4
                                    - 210B b d
--R
--R
--R
--R
                                                                    3
                                                                                            4 3
--R
                                                                                                                                                   2 2 3 2 2
--R
                              - 70A a e + (360A a b - 20B a )d e + (- 756A a b + 108B a b)d e
--R
--R
                                                 3 223
                                                                                                                          4
                              (840A \ a \ b \ - 252B \ a \ b \ )d \ e \ + \ (- 630A \ b \ + 420B \ a \ b \ )d
--R
--R
--R
                          +----+
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                           5 9 4 8 3 2 2 7 2 3 3 6 4 4 5
--R
                                      315a e - 1575a b d e + 3150a b d e - 3150a b d e + 1575a b d e
--R
--R
                                          5 5 4
--R
--R
                                    - 315b d e
--R
--R
                                    4
--R
                                  x
--R
                                                5 8 4 2 7 3 2 3 6 2 3 4 5
--R
--R
                                       1260a d e - 6300a b d e + 12600a b d e - 12600a b d e
--R
                                                     4 5 4 5 6 3
--R
                                        6300a b d e - 1260b d e
--R
--R
--R
                                     3
--R
                                   x
--R
                                                   5 2 7 4 3 6 3 2 4 5 2 3 5 4
--R
--R
                                       1890a d e - 9450a b d e + 18900a b d e - 18900a b d e
--R.
                                                       4 6 3 5 7 2
--R
--R
                                    9450a b d e - 1890b d e
--R
--R
--R
                                X
--R
                                                    5 3 6 4 4 5 3 2 5 4 2 3 6 3
--R
```

```
--R
             1260a d e - 6300a b d e + 12600a b d e - 12600a b d e
--R
--R
                   4 7 2 5 8
--R
              6300a b d e - 1260b d e
--R
--R
--R
            5 4 5 4 5 4 3 2 6 3 2 3 7 2
--R
         315a d e - 1575a b d e + 3150a b d e - 3150a b d e + 1575a b d e
--R
--R
--R
              5 9
--R
         - 315b d
--R
         +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1145
--S 1146 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                   4 3 5 4 4 6 3 4
--R
           ((- 768A b + 864B a b )d e - 96B b d e )x
--R
--R
                      3 2254
--R
               (384A a b - 432B a b )d e + (- 3456A b + 3936B a b )d e
--R
--R
                     472
--R
               - 432B b d e
--R
--R
              3
--R
              х
--R
                       2 2 3 5 4 3 2 2 6 3
--R
--R
               (- 288A a b + 324B a b)d e + (1728A a b - 1980B a b )d e
--R
                                  3 7 2
--R
--R
               (- 6048A b + 7020B a b )d e - 756B b d e
--R
--R
              2
--R
              х
--R
                          4 5 4
--R
                     3
                                              2 2
               (240A \ a \ b - 270B \ a \ )d \ e \ + (-1296A \ a \ b \ + 1488B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                                  2 2 7 2
               (3024A a b - 3564B a b )d e + (- 5040A b + 6048B a b )d e
--R
--R
```

```
--R
                                                4 9
                                          - 630B b d
--R
--R
--R
--R
                                                                          3 4 6 3
--R
                                                  4 5 4
--R
                                 - 210A a d e + (1080A a b - 60B a )d e
--R
                                                                                                                 3 228
                                                     2 2 3 7 2
--R
                                  (-2268A \ a \ b + 324B \ a \ b) d \ e + (2520A \ a \ b - 756B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                                                                                   3 9
--R
                                                     4
                                (- 1890A b + 1260B a b )d
--R
--R
--R
                              +----+
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                               5 9
--R
                                                4
                               (- 35A a d - 315A a )e
--R
--R
--R
                                                 3 4 2
                               ((180A a b - 10B a )d + (1620A a b - 90B a )d)e
--R
--R
--R
                                                        2 2 3 3 3 3 2 4 2 7
                                ((-378A \ a \ b + 54B \ a \ b)d + (-3402A \ a \ b + 486B \ a \ b)d)e
--R
--R
                                                                                                    2 3
--R
                                                       3 224
--R
                                ((420A \ a \ b - 126B \ a \ b \ )d + (3780A \ a \ b - 1134B \ a \ b \ )d \ )e
--R
                                                       4 3 5 4 2 3 4 5
--R
                               ((- 315A b + 210B a b )d + (- 2835A a b + 1890B a b )d )e
--R
--R
--R
                              5
--R
                            x
--R
                                                   4 2 5 8
--R
--R
                              (- 175A a d - 1575A a d)e
--R
--R
                                                                  4 3
--R
                                ((900A \ a \ b - 50B \ a \ )d + (8100A \ a \ b - 450B \ a \ )d )e
--R
--R
                                                         2 2 3 4
                                                                                                                                 3 2 4 3 6
--R.
                                ((-1890A \ a \ b + 270B \ a \ b)d + (-17010A \ a \ b + 2430B \ a \ b)d)e
--R
                                                                                                           2 3 3 2 4 5
--R
                                                        3 225
                                  ((2100A \ a \ b - 630B \ a \ b ) d + (18900A \ a \ b - 5670B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R
                                                                                     3 6
                              ((-1575A b + 1050B a b)d + (-14175A a b + 9450B a b)d)e
--R
--R
```

```
--R
--R
         X
--R
                 4 3 5 2 7
--R
--R
          (- 350A a d - 3150A a d )e
--R
                  3 4 4 4 5 3 6
--R
          ((1800A \ a \ b - 100B \ a \ )d + (16200A \ a \ b - 900B \ a \ )d )e
--R
--R
                                            3 2 4 4 5
                   2 2 3 5
--R
          ((-3780A \ a \ b + 540B \ a \ b)d + (-34020A \ a \ b + 4860B \ a \ b)d)e
--R
--R
                   3 226
                                          2 3 3 2 5 4
--R
           ((4200A a b - 1260B a b )d + (37800A a b - 11340B a b )d )e
--R
--R
--R
                   4 3 7
                                        4 2363
--R
          ((- 3150A b + 2100B a b )d + (- 28350A a b + 18900B a b )d )e
--R
--R
          3
--R
         x
--R
                4 4 5 3 6
--R
          (- 350A a d - 3150A a d )e
--R
--R
                 3 4 5
                                4 5 4 5
--R
           ((1800A \ a \ b - 100B \ a \ )d + (16200A \ a \ b - 900B \ a \ )d )e
--R
--R
                   2 2 3 6 3 2 4 5 4
--R
--R
          ((-3780A \ a \ b + 540B \ a \ b)d + (-34020A \ a \ b + 4860B \ a \ b)d)e
--R
--R
                   3 227
                                          2 3
--R
           ((4200A \ a \ b \ - 1260B \ a \ b \ )d \ + (37800A \ a \ b \ - 11340B \ a \ b \ )d \ )e
--R
                   4 3 8 4 2 3 7 2
--R
--R
          ((-3150A b + 2100B a b)d + (-28350A a b + 18900B a b)d)e
--R
--R
          2
--R
         x
--R
--R
                 4 5 5 4 5
          (- 175A a d - 1575A a d )e
--R
--R
--R
                3 4 6
                                     4
--R
          ((900A \ a \ b - 50B \ a \ )d + (8100A \ a \ b - 450B \ a \ )d )e
--R
                    2 2 3 7
                                            3 2 4 6 3
--R
          ((-1890A \ a \ b + 270B \ a \ b)d + (-17010A \ a \ b + 2430B \ a \ b)d)e
--R
--R
                   3 228 23 3272
--R
           ((2100A \ a \ b \ - 630B \ a \ b \ )d \ + (18900A \ a \ b \ - 5670B \ a \ b \ )d \ )e
--R
```

```
--R
               4 3 9
                                     4 238
--R
--R
         ((-1575A b + 1050B a b)d + (-14175A a b + 9450B a b)d)e
--R
--R
--R
            46 554
--R
--R
       (- 35A a d - 315A a d )e
--R
--R
                    4 7
                                4
                                        5 6 3
--R
       ((180A a b - 10B a )d + (1620A a b - 90B a )d )e
--R
              2 2 3 8
                                     3 2 4 7 2
--R
       ((-378A \ a \ b + 54B \ a \ b)d + (-3402A \ a \ b + 486B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                      229
              3
                                    2 3 3 2 8
--R
        ((420A \ a \ b \ - 126B \ a \ b \ )d \ + (3780A \ a \ b \ - 1134B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
             4 3 10
        (-315A b + 210B a b)d + (-2835A a b + 1890B a b)d
--R
--R /
--R
            5 5 10 4 6 9 3 2 7 8 2 3 8 7
--R
           945a d e - 4725a b d e + 9450a b d e - 9450a b d e
--R
--R
               4 9 6 5 10 5
--R
          4725a b d e - 945b d e
--R
--R
         5
--R
         x
--R
               5 6 9 4 7 8 3 2 8 7 2 3 9 6
--R
--R
          4725a d e - 23625a b d e + 47250a b d e - 47250a b d e
--R
                4 10 5 5 11 4
--R
--R
           23625a b d e - 4725b d e
--R
--R
          4
--R
         x
--R
              5 7 8 4 8 7 3 2 9 6 2 3 10 5
--R
--R
           9450a d e - 47250a b d e + 94500a b d e - 94500a b d e
--R
                4 11 4 5 12 3
--R
--R
          47250a b d e - 9450b d e
--R
--R
         3
--R
         x
--R
               5 8 7 4 9 6 3 2 10 5 2 3 11 4
--R
--R
           9450a d e - 47250a b d e + 94500a b d e - 94500a b d e
```

```
--R
             4 12 3 5 13 2
--R
--R
          47250a b d e - 9450b d e
--R
--R
          2
--R
         X
--R
               5 9 6 4 10 5 3 2 11 4 2 3 12 3
--R
--R
          4725a d e - 23625a b d e + 47250a b d e - 47250a b d e
--R
--R
                 4 13 2 5 14
--R
           23625a b d e - 4725b d e
--R
--R
         X
--R
--R
          5 10 5 4 11 4 3 2 12 3 2 3 13 2 4 14
--R
        945a d e - 4725a b d e + 9450a b d e - 9450a b d e + 4725a b d e
--R
--R
           5 15
--R
        - 945b d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1146
--S 1147 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
              4 5 4
--R
--R.
        (- 35A a d - 315A a )e
--R
              3 4 2 4 5 3
--R
--R
        ((180A \ a \ b - 10B \ a \ )d + (1620A \ a \ b - 90B \ a \ )d)e
--R
               2 2 3 3
--R
                                       3 2
       ((-378A \ a \ b + 54B \ a \ b)d + (-3402A \ a \ b + 486B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                     2 2 4
                                      2 3
        ((420A a b - 126B a b )d + (3780A a b - 1134B a b )d )e
--R
--R
--R
                    3 5
        (- 315A b + 210B a b )d + (- 2835A a b + 1890B a b )d
--R
--R /
--R.
          5 5 5
                   4 6 4 3 2 7 3 2 3 8 2
--R.
        945a d e - 4725a b d e + 9450a b d e - 9450a b d e + 4725a b d e
--R
--R
          5 10
--R
        - 945b d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1147
```

```
--S 1148 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
            (5) 0
--R
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1148
)clear all
--S 1149 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)/(a+b*x)^(3/2)
--R
--R
--R
                                     2 3
                                                         2
                                                                                         2
                                                                                                                                     2
                                                                                                                                                               2 +----+
--R
                            (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) | e x + d
--R.
              (1) -----
--R
--R
                                                                                      (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1149
--S 1150 of 1293
r0:=5/8*(b*d-a*e)^2*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*_
            atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(9/2)*sqrt(e))-_
            2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(7/2)/(b*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))+_
            5/12*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x)/b^3+_
            1/3*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+b*x)/(b^2*(b*d-a*e))+_
            5/8*(b*d-a*e)*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/b^4
--R
--R
--R
               (2)
                                                              3 3
--R
--R
                                    (90A \ a \ b - 105B \ a \ )e + (-180A \ a \ b + 225B \ a \ b)d \ e
--R
                                                                              2 2
--R
                                                                                                             3 3
--R
                                    (90A b - 135B a b) d e + 15B b d
--R
--R
                                                                         +-+ +----+
--R
                                +----+
                                                                      \|b x + a atanh(-----)
--R
                                                                        +-+ +----+
--R.
--R.
                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                             3 2 3
                                                                                  3
                                                                                                 2 2
                                                                                                                                  3
--R
                                   8B b e x + ((12A b - 14B a b)e + 26B b d e)x
--R
--R
                                                                                 2 2 3 2
                                    ((-30A \ a \ b + 35B \ a \ b)e + (54A \ b - 68B \ a \ b)d \ e + 33B \ b \ d)x
--R
```

```
--R
--R
                     2
                                3 2
--R
              (-90A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (150A \ a \ b - 190B \ a \ b)d \ e
--R
                     3
--R
                                2 2
              (-48A b + 81B a b)d
--R
--R
--R
            +-+ +-+ +----+
--R
           --R /
--R
          4 +-+ +-+ +----+
--R
        24b \|b \|e \|b x + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1150
--S 1151 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1151
--S 1152 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1152
--S 1153 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--Е 1153
)clear all
--S 1154 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a+b*x)^(3/2)
--R
--R
--R
                2
                                        +----+
--R
          (B e x + (A e + B d)x + A d) \mid e x + d
--R
--R
                              +----+
--R
                    (b x + a) \setminus |b x + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1154
--S 1155 of 1293
r0:=3/4*(b*d-a*e)*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_e
     (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(7/2)*sqrt(e))-2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(5/2)/_
     (b*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))+1/2*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)*_
     sqrt(a+b*x)/(b^2*(b*d-a*e))+3/4*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)*_
     sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/b^3
--R
--R
--R
    (2)
```

```
2 2 2
                                                    2 2 +----+
--R
--R
           ((-12A \ a \ b + 15B \ a \ )e + (12A \ b - 18B \ a \ b)d \ e + 3B \ b \ d \ ) \setminus |b \ x + a \ b)
--R
--R
                 +-+ +----+
--R
                atanh(-----)
--R
                 +-+ +----+
--R
--R
                \b \leq x + d
--R
                         2
                2 2
--R
--R
             2B b e x + ((4A b - 5B a b)e + 5B b d)x + (12A a b - 15B a )e
--R
                   2
--R
            (-8A b + 13B a b)d
--R
--R
--R
            +-+ +-+ +----+
--R
           --R /
--R
         3 +-+ +-+ +----+
--R
       4b \mid b \mid e \mid b x + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1155
--S 1156 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1156
--S 1157 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1157
--S 1158 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--Е 1158
)clear all
--S 1159 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(d+e*x)/(a+b*x)^(3/2)
--R
--R
--R
--R
        (B x + A) \setminus [e x + d]
--R
    (1) -----
            +----+
--R
--R
          (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1159
--S 1160 of 1293
```

```
r0:=(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
     (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(5/2)*sqrt(e))-2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(3/2)/_
     (b*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))+(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*_
    sqrt(d+e*x)/(b^2*(b*d-a*e))
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
                                  +----+
                                               ((2A b - 3B a)e + B b d) | b x + a atanh(-----)
--R
                                                 +-+ +----+
--R
                                                --R
--R
                               +-+ +-+ +----+
--R
--R
         (B b x - 2A b + 3B a)\|b \|e \|e x + d
--R /
--R
        2 +-+ +-+ +----+
--R
       b \mid b \mid e \mid b x + a
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1160
--S 1161 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1161
--S 1162 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1162
--S 1163 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--Е 1163
)clear all
--S 1164 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                    B x + A
--R
--R
                   +----+
--R.
         (b x + a) \setminus |b x + a \setminus |e x + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1164
--S 1165 of 1293
r0:=2*B*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/_
    (b^{(3/2)*sqrt(e))-2*(A*b-a*B)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))}\\
--R.
```

```
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                                                                               +-+ +----+
--R
                                                                                 +----+
                                                                                                                             --R
                             (2B \ a \ e \ - \ 2B \ b \ d) \setminus |b \ x \ + \ a \ atanh(------)
                                                                                                                                +-+ +----+
--R
--R
                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                     +-+ +-+ +----+
--R
--R
                            (2A b - 2B a) \setminus |b \setminus |e \setminus |e x + d
--R /
                                                2 +-+ +-+ +----+
--R
                       (a b e - b d) \setminus |b \setminus |e \setminus |b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1165
--S 1166 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1166
--S 1167 of 1293
--m0:=a0-r0
--Е 1167
--S 1168 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1168
)clear all
--S 1169 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
                                                                                           B x + A
--R
--R
                                  2
                                                                                                                    +----+
--R
                                (b e x + (a e + b d)x + a d) | b x + a | e x + d
--R
                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1169
--S 1170 of 1293
r0:=-2*(B*d-A*e)/(e*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x))+_
              2*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)*sqrt(d+e*x)/(e*(b*d-a*e)^2*sqrt(a+b*x))
--R.
--R
--R
                               ((-4Ab+2Ba)e+2Bbd)x-2Aae+(-2Ab+4Ba)d
--R
                 (2) -----
                                                       2 2 +----+
--R
--R
                                                  (a e - 2a b d e + b d )\|b x + a \|e x + d
```

```
--R
                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 1170
--S 1171 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                  (3)
--R
                                                                                                    2
                                                ((-8A a b + 4B a) d e + 4B a b d) x - 4A a d e
--R
--R
--R
                                                                                                 2 2
                                                (-4A \ a \ b + 8B \ a )d
--R
--R
--R
                                       +----+
--R
                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                                (- A a b d - 4A a b)e
--R
--R
--R
                                                ((- A b + 2B a b)d + (- 4A a b + 8B a b)d)e
--R
--R
                                       2
--R
                                    x
--R
--R
--R
                                         (- A a d - 4A a )e + ((- 2A a b + 2B a )d + (- 8A a b + 8B a )d)e
--R
--R
                                                                                              3
                                                                                                               2
                                           (-Ab + 2Bab)d + (-4Aab + 8Bab)d
--R
--R
--R
                                    X
--R
--R
                                                                              3
                                                                                                                                                  2 3
                              (-Aad-4Aad)e+(-Aab+2Ba)d+(-4Aab+8Ba)d
--R
--R /
                                       3 3 2222
--R
                                                                                                                3 3 2
--R
                               (2a b d e - 4a b d e + 2a b d e)x
--R
--R
                                                          3 2 2
                                                                                                   2 2 3
                                                                                                                                         3 4
                                                                                                                                                                         4 2 2
                                                                                                                                                                                                       3 3
--R
                         (2a d e - 2a b d e - 2a b d e + 2a b d)x + 2a d e - 4a b d e + 2a b d
--R.
                                                                                                                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1171
--S 1172 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                                                                               2
                                                                                                                                               2
                                                                                                                                                                                                           2
```

```
--R
       (- A a d - 4A a )e + (- A b + 2B a)d + (- 4A a b + 8B a )d
--R
--R
                        3 2 2 2 2 3
--R
                       2a d e - 4a b d e + 2a b d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1172
--S 1173 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1173
)clear all
--S 1174 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R (1)
--R
                                 B x + A
--R
     2 3 2 2 2 +----+
--R
     (b e x + (a e + 2b d e)x + (2a d e + b d)x + a d) \ b x + a \ e x + d
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1174
--S 1175 of 1293
r0:=-2*(A*b-a*B)/(b*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x))+_
    2/3*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(b*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2))+_
    4/3*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
     (2)
--R
             2 2 2 2
--R
--R
        ((16A b - 12B a b)e - 4B b d e)x
--R
--R
        ((8A \ a \ b - 6B \ a \ )e + (24A \ b - 20B \ a \ b)d \ e - 6B \ b \ d \ )x - 2A \ a \ e
--R
--R
                    2 2
--R.
--R
        (12A \ a \ b - 4B \ a \ )d \ e + (6A \ b - 12B \ a \ b)d
--R /
--R
            34 2 3 222 33 3 3 2 22
--R
          (3a e - 9a b d e + 9a b d e - 3b d e)x + 3a d e - 9a b d e
--R
            2 3 3 4
--R
--R
        9a b d e - 3b d
```

```
--R
--R
                                           +----+
--R
                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1175
--S 1176 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                        (3)
                                                                                             2 2 2 2
--R
                                                                                                                                                                                                     232
                                                        ((32A a b - 24B a b)d e - 8B a b d e)x
--R
--R
--R
                                                                                                               3 2 2
                                                                                                                                                                                                     2 2 3
--R
                                                         ((16A a b - 12B a )d e + (48A a b - 40B a b)d e - 12B a b d )x
--R
--R
                                                                                    3 2 2 2 3 3
                                                                                                                                                                                                                                                   2 2 4
                                                          -4A a d e + (24A a b -8B a )d e + (12A a b -24B a b)d
--R
--R
--R
                                                      +----+
--R
                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                      2 3 4
--R
                                                           (A a b d + 4A a b)e
--R
                                                                                                                  2 2 2 2 3 3
--R
--R
                                                         ((-6A \ a \ b + 2B \ a \ b)d + (-24A \ a \ b + 8B \ a \ b)d)e
--R
                                                                                        3 2 3 3 2 2 2 2
--R
                                                         ((-3Ab+6Bab)d+(-12Aab+24Bab)d)e
--R
--R
--R
                                                      3
--R
                                                х
--R
                                                                                                    4 4
                                                                                                                                                                                                              3 2 3 4 3
--R
                                                                                                                                                                         2
                                                        (A a d + 4A a )e + ((- 4A a b + 2B a )d + (- 16A a b + 8B a )d)e
--R
--R
                                                                                                                                                                                                              2 2
--R
--R
                                                         ((-15A \ a \ b + 10B \ a \ b)d + (-60A \ a \ b + 40B \ a \ b)d)e
--R
--R
                                                                                                                                      2 4
                                                                                                                                                                                                                 3
--R.
                                                        ((-6A b + 12B a b)d + (-24A a b + 48B a b)d)e
--R
--R
                                                      2
--R
                                                  x
--R
--R
                                                                            3 2 4 3
                                                      (2A a d + 8A a d)e
--R
--R
```

```
--R
                   2 3 3 4 2 2
--R
           ((-11A a b + 4B a)d + (-44A a b + 16B a)d)e
--R
--R
                           2
                                         2 2
--R
           ((-12A \ a \ b + 14B \ a \ b)d + (-48A \ a \ b + 56B \ a \ b)d)e
--R
                3 2 5
--R
           (-3Ab + 6Bab)d + (-12Aab + 24Bab)d
--R
--R
--R
         X
--R
--R
                  422
                                        3 4
                                 2
        (A a d + 4A a d)e + ((-6A a b + 2B a)d + (-24A a b + 8B a)d)e
--R
--R
--R
                   2 5
                                  2 2
--R
        (-3A \ a \ b + 6B \ a \ b)d + (-12A \ a \ b + 24B \ a \ b)d
--R /
--R.
          4 2 5
                   3 2 3 4 2 3 4 3 4 5 2 3
--R
        (6a b d e - 18a b d e + 18a b d e - 6a b d e )x
--R
--R
          5 2 5 4 3 4
                            3 2 4 3 2 3 5 2 4 6 2
--R
        (6a d e - 6a b d e - 18a b d e + 30a b d e - 12a b d e)x
--R
--R
          5 3 4 4 4 3 3 2 5 2 2 3 6 4 7 5 4 3
--R
        (12a d e - 30a b d e + 18a b d e + 6a b d e - 6a b d )x + 6a d e
--R
--R
            4 5 2 3 2 6
                              2 3 7
--R
        - 18a b d e + 18a b d e - 6a b d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1176
--S 1177 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                 3 2
                                       2 2
       (A a d + 4A a)e + ((-6A a b + 2B a)d + (-24A a b + 8B a)d)e
--R
--R
--R
       (-3Ab + 6Bab)d + (-12Aab + 24Bab)d
--R
--R /
--R
       4 2 3 3 3 2 2 2 4 3 5
--R
      6a d e - 18a b d e + 18a b d e - 6a b d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1177
--S 1178 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R
             (5) 0
--R
                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1178
)clear all
--S 1179 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^{(3/2)}*(d+e*x)^{(7/2)})
--R
--R
--R
              (1)
--R
                  B x + A
--R /
--R
                                                              3 2 3
                                                                                                                                  2
                                                                                                                                                        2 2 2 3
--R
                                b e x + (a e + 3b d e )x + (3a d e + 3b d e)x + (3a d e + b d )x
--R.
--R
                                         3
--R
                                 a d
--R
--R
                             +----+
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1179
--S 1180 of 1293
r0:=-2*(A*b-a*B)/(b*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+b*x))+_
              2/5*(b*B*d-6*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(b*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2))+_
              8/15*(b*B*d-6*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(3/2))+_
              16/15*b*(b*B*d-6*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                (2)
                                                    3 2 3 3 2 3
--R
--R
                           ((-96A b + 80B a b)e + 16B b d e)x
--R
--R.
                                                                                  2 3
                                                                                                                                                                   2 2 3 2 2
                                                                                                                             3
                            ((-48A \ a \ b + 40B \ a \ b)e + (-240A \ b + 208B \ a \ b)d \ e + 40B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                                                                             3 3
                                       (12A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (-120A \ a \ b + 98B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R.
                                                                                           2 2
                                                              3
--R
                                       (-180A b + 170B a b) d e + 30B b d
--R
--R
--R
--R
                                                                                                    3 2
                                                                        2
                           -6A a e + (30A a b -4B a )d e + (-90A a b + 40B a b)d e
--R
--R
```

```
3 2 3
--R
--R
                                       (-30A b + 60B a b)d
--R /
                                                                                         3 5 2224 333 4422
--R
--R
                                            (15a e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15b d e )x
--R
                                                             4 5 3 2 4 2 2 3 3 3 4 2 4 5
--R
--R
                                              (30a d e - 120a b d e + 180a b d e - 120a b d e + 30b d e)x
--R
                                                      4 2 4 3 3 3
                                                                                                                                                2 2 4 2
--R
                                                                                                                                                                                                           3 5 4 6
--R
                                              15a d e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15b d
--R
                                          +----+
--R
--R
                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1180
--S 1181 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                                                                                3 2233 3423
                                                  ((- 384A a b + 320B a b )d e + 64B a b d e )x
--R
--R
                                                                                                        2 2 3 3 3
--R
                                                                                                                                                                                          3 2242
                                                                   (- 192A a b + 160B a b)d e + (- 960A a b + 832B a b )d e
--R
--R
--R
                                                                                                 3 5
--R
                                                                  160B a b d e
--R
--R
                                                                 2
--R
                                                        x
--R
--R
                                                                                                                               4 3 3
                                                                                                                                                                                                   2 2 3 4 2
                                                                  (48A \ a \ b - 40B \ a \ )d \ e \ + (-480A \ a \ b \ + 392B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                                                                                                             3 225
                                                                   (- 720A a b + 680B a b )d e + 120B a b d
--R
--R
--R
                                                           x
--R
                                                                                                                     3 4 4 2 2 2 3 5
--R
                                                                               4 3 3
                                                     - 24A a d e + (120A a b - 16B a )d e + (- 360A a b + 160B a b)d e
--R
--R
--R
                                                                                          3
                                                                                                                                226
--R
                                                       (-120A \ a \ b + 240B \ a \ b ) d
--R
                                                  +----+
--R
--R
                                              \begin{tabular}{ll} \beg
```

```
--R
            3 4 6
--R
--R
          (3A a b d + 48A a b)e
--R
                  2 2 3 2 3 2 4 5
--R
           ((-15A \ a \ b + 2B \ a \ b)d + (-240A \ a \ b + 32B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                        2 2 3
                                     2 3
                                               3 2 2 4
          ((45A a b - 20B a b )d + (720A a b - 320B a b )d )e
--R
--R
               4 3 4
                                     4 23333
--R
           ((15A b - 30B a b)d + (240A a b - 480B a b)d)e
--R
--R
--R
--R
         X
--R
--R
              4 5 6
--R
          (3A a d + 48A a )e
--R
--R
                3 4 2
           ((-6A \ a \ b + 2B \ a \ )d + (-96A \ a \ b + 32B \ a \ )d)e
--R
--R
--R
                3 3 4 2 4
--R
           (- 14B a b d - 224B a b d )e
--R
                 3 2 2 4 2 3 3 2 3 3
--R
           ((150A a b - 90B a b )d + (2400A a b - 1440B a b )d )e
--R
--R
                4 3 5
                                     4
--R
                                               2 3 4 2
--R
          ((45A b - 90B a b)d + (720A a b - 1440B a b)d)e
--R
--R
          3
--R
         X
--R
              4 2 5 5
--R
          (9A a d + 144A a d)e
--R
--R
--R
                 3 4 3
--R
          ((-36A \ a \ b + 6B \ a \ )d + (-576A \ a \ b + 96B \ a \ )d )e
--R
                                 3 2 4 3 3
--R
                2 2 3 4
           ((90A \ a \ b \ - 54B \ a \ b)d \ + (1440A \ a \ b \ - 864B \ a \ b)d )e
--R
--R.
                                       2 3 3 2 4 2
--R
                  3 225
           ((180A \ a \ b \ - 150B \ a \ b \ )d \ + (2880A \ a \ b \ - 2400B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
               4 3 6 4 2 3 5
--R
--R
          ((45A b - 90B a b)d + (720A a b - 1440B a b)d)e
--R
--R
```

```
--R
        X
--R
--R
              4 3 5 2 4
--R
          (9A a d + 144A a d )e
--R
                                     4 5 3 3
--R
                 3
                       4 4
          ((-42A \ a \ b + 6B \ a \ )d + (-672A \ a \ b + 96B \ a \ )d )e
--R
--R
                                      3 2 4 4 2
                 2 2 3 5
--R
          ((120A \ a \ b \ - 58B \ a \ b)d \ + (1920A \ a \ b \ - 928B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                          2 2 6
                                       2 3
                                                 3 2 5
           ((90A a b - 110B a b )d + (1440A a b - 1760B a b )d )e
--R
--R
--R
                    3 7
                                     4
                                          236
--R
           (15A b - 30B a b )d + (240A a b - 480B a b )d
--R
--R
--R
--R
          4 4 5 3 3
--R
        (3A a d + 48A a d)e
--R
--R
              3 4 5
                             4 5 4 2
--R
        ((-15A \ a \ b + 2B \ a \ )d + (-240A \ a \ b + 32B \ a \ )d )e
--R
             2 2 3 6 3 2 4 5
--R
--R
        ((45A \ a \ b - 20B \ a \ b)d + (720A \ a \ b - 320B \ a \ b)d)e
--R
--R
              3
                  2 2 7
                                 2 3
                                        3 2 6
--R
        (15A a b - 30B a b )d + (240A a b - 480B a b )d
--R /
           5 3 7 4 2 4 6 3 3 5 5 2 4 6 4 5 7 3 4
--R
--R
        (60a b d e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60a b d e )x
--R
--R
            637 5 46 4255 3364 2473
          60a d e - 60a b d e - 360a b d e + 840a b d e - 660a b d e
--R
--R
--R
               5 8 2
--R
          180a b d e
--R
--R
          3
--R
         x
--R
--R
              6 4 6 5 5 5 4 2 6 4 3 3 7 3 2 4 8 2
--R
          180a d e - 540a b d e + 360a b d e + 360a b d e - 540a b d e
--R
--R
               5 9
          180a b d e
--R
--R
--R
          2
```

```
--R
        x
--R
--R
             655 564 4273 3382 249
--R
          180a d e - 660a b d e + 840a b d e - 360a b d e - 60a b d e
--R
--R
                5 10
--R
          60a b d
--R
--R
         X
--R
--R
          6 6 4 5 7 3 4 2 8 2 3 3 9 2 4 10
        60a d e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60a b d
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1181
--S 1182 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
           3 4 3
--R
                             2 3 2
--R
        (3A \ a \ d + 48A \ a \ )e + ((-15A \ a \ b + 2B \ a \ )d + (-240A \ a \ b + 32B \ a \ )d)e
--R
--R
                2 2 3 2 2 3 2
--R
      ((45A a b - 20B a b)d + (720A a b - 320B a b)d )e
--R
--R
--R
        (15A b - 30B a b )d + (240A a b - 480B a b )d
--R /
         5 3 4 4 4 3 3 2 5 2 2 3 6 4 7
--R
--R
      60a d e - 240a b d e + 360a b d e - 240a b d e + 60a b d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1182
--S 1183 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1183
)clear all
--S 1184 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(9/2))
--R
--R
--R (1)
--R B x + A
```

```
--R /
                                                4 3 4
--R
                                   4 5
                                                                                                     3 223
--R
                             b e x + (a e + 4b d e)x + (4a d e + 6b d e)x
--R
                                         2 2 3 2 3
--R
                             (6a d e + 4b d e)x + (4a d e + b d)x + a d
--R
--R
--R
                          +----+
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 1184
--S 1185 of 1293
r0:=-2*(A*b-a*B)/(b*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(7/2)*sqrt(a+b*x))+_
            2/7*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(b*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2))+_
            12/35*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2))+_
            16/35*b*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2))+_
            32/35*b^2*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
              (2)
--R
                                                        3 4
--R
                         ((256A b - 224B a b)e - 32B b d e)x
--R
--R
                                                                                                                                            3 3 4223
                                                            2 2 4
--R
                         ((128A \ a \ b \ - 112B \ a \ b \ ) e \ + (896A \ b \ - 800B \ a \ b \ ) d \ e \ - 112B \ b \ d \ e \ ) x
--R
--R
                                                                  3 4
                                                      2 2
--R
                                   (-32A \ a \ b + 28B \ a \ b)e + (448A \ a \ b - 388B \ a \ b)d \ e
--R.
--R
                                                                                  3 2 2
                                                                                                                     4 3
                                   (1120A b - 1036B a b )d e - 140B b d e
--R
--R
--R
                               2
--R
                             x
--R
--R
                                                                                                                2 2
--R
                                   (16A \ a \ b - 14B \ a \ )e + (-112A \ a \ b + 96B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                             2 2 2 2
                                   (560A a b - 476B a b )d e + (560A b - 560B a b )d e - 70B b d
--R
--R
--R.
                             х
--R
                    +
--R
                                         4 4
                                                                   3
                                                                                         4
                                                                                                    3
                                                                                                                                     2 2
                        - 10A a e + (56A a b - 4B a )d e + (- 140A a b + 28B a b)d e
--R
--R
--R
                                                                      2 2 3
                         (280A \ a \ b - 140B \ a \ b \ ) d \ e + (70A \ b - 140B \ a \ b \ ) d
--R
--R /
```

```
58 4 7 3226 2335 444
--R
--R
                                       35a e - 175a b d e + 350a b d e - 350a b d e + 175a b d e
--R
--R
                                                 5 5 3
--R
                                     - 35b d e
--R
--R
                                    3
--R
                                  x
--R
                                               5 7 4 2 6 3 2 3 5 2 3 4 4 4 5 3
--R
--R
                                     105a d e - 525a b d e + 1050a b d e - 1050a b d e + 525a b d e
--R
--R
                                                    5 6 2
                                      - 105b d e
--R
--R
--R
                                     2
--R
                                  x
--R
                                               5 2 6 4 3 5 3 2 4 4 2 3 5 3 4 6 2
--R
--R
                                      105a d e - 525a b d e + 1050a b d e - 1050a b d e + 525a b d e
--R
--R
                                                 5 7
--R
                                        - 105b d e
--R
--R
                                  X
--R
                                5 3 5 4 4 4 4 3 2 5 3 2 3 6 2 4 7 5 8
--R
--R
                        35a d e - 175a b d e + 350a b d e - 350a b d e + 175a b d e - 35b d
--R
--R
                         +----+
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1185
--S 1186 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
           (3)
--R
                                                        4 2344 4534
--R
                                   ((256A a b - 224B a b )d e - 32B a b d e )x
--R
--R
                                                            23 3244 4 2353
--R
--R
                                           (128A a b - 112B a b )d e + (896A a b - 800B a b )d e
--R
--R
                                                                     4 6 2
--R
                                         - 112B a b d e
--R
                                        3
--R
--R
                                    x
```

```
--R
                                                        3 2 4 4 4 2 3 3 2 5 3
--R
--R
                                         (-32A \ a \ b + 28B \ a \ b) d \ e + (448A \ a \ b - 388B \ a \ b \ ) d \ e
--R
                                                            4 2 3 6 2 4 7
--R
                                         (1120A a b - 1036B a b )d e - 140B a b d e
--R
--R
--R
--R
                                   X
--R
                                                     4 5 4 4
                                                                                                                   3 2 4 5 3
--R
                                         (16A \ a \ b - 14B \ a \ )d \ e \ + (-112A \ a \ b \ + 96B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                      2 3 3 2 6 2
--R
                                         (560A \ a \ b \ - 476B \ a \ b \ ) d \ e \ + (560A \ a \ b \ - 560B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                                                           4 8
                                        - 70B a b d
--R
--R
--R
                                   X
--R
--R
                                             --R
                                - 10A a d e + (56A a b - 4B a )d e + (- 140A a b + 28B a b)d e
--R
                                               2 3 3 2 7
--R
                                (280A a b - 140B a b )d e + (70A a b - 140B a b )d
--R
--R
--R
                             +----+
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                          5 8
--R
                                              4
                              (- 5A a b d - 5A a b)e
--R
--R
                                             3 2 4 2 4 2 5 7
--R
--R
                              ((28A \ a \ b - 2B \ a \ b)d + (28A \ a \ b - 2B \ a \ b)d)e
--R
                                                                                                                3 3 4 2 2 6
--R
                                                 2 3
                                                                    3 2 3
                              ((-70A a b + 14B a b)d + (-70A a b + 14B a b)d)e
--R
--R
--R
                                                                       234
                                                                                                            2 4
                               ((140A \ a \ b - 70B \ a \ b ) d + (140A \ a \ b - 70B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R.
                                             5 4 5
                                                                                                       5 2444
--R
                              ((35A b - 70B a b)d + (35A a b - 70B a b)d)e
--R
--R
                             5
--R
                           x
--R
                                               5 6 8 4 5 2 5 6 7
--R
--R
                                (-5A a d - 5A a)e + ((8A a b - 2B a)d + (8A a b - 2B a)d)e
```

```
--R
                3 2 4 3 4 2 5 2 6
--R
--R
           ((42A \ a \ b + 6B \ a \ b)d + (42A \ a \ b + 6B \ a \ b)d)e
--R
                    2 3 3 2 4 3 3 4 2 3 5
--R
            ((-140A \ a \ b \ -14B \ a \ b \ )d \ + (-140A \ a \ b \ -14B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
--R
                            235
                                         2 4
            ((595A \ a \ b \ - 350B \ a \ b \ )d \ + (595A \ a \ b \ - 350B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
                 5 4 6
                                         5
--R
                                                  2 4 5 3
           ((140A b - 280B a b)d + (140A a b - 280B a b)d)e
--R
--R
--R
           4
--R
          x
--R
--R
                 5 2 6 7
--R
           (- 20A a d - 20A a d)e
--R
--R
                     5 3 5 6 2 6
--R
           ((82A \ a \ b - 8B \ a \ )d + (82A \ a \ b - 8B \ a \ )d )e
--R
                   3 2 4 4
--R
                                           4 2 5 3 5
--R
           ((-112A \ a \ b + 44B \ a \ b)d + (-112A \ a \ b + 44B \ a \ b)d)e
--R
                  23 325 33 4244
--R
--R
            ((140A \ a \ b - 196B \ a \ b ) d + (140A \ a \ b - 196B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
                       2 3 6
                                          2 4 3 3 5 3
                   4
--R
           ((980A \ a \ b - 700B \ a \ b ) d + (980A \ a \ b - 700B \ a \ b ) d ) e
--R
                 5 4 7 5 2 4 6 2
--R
           ((210A b - 420B a b)d + (210A a b - 420B a b)d)e
--R
--R
--R
          3
--R
          x
--R
                 5 3 6 2 6
--R
--R
           (-30A ad -30A ad)e
--R
--R
                  4
                         5 4
                                           6 3 5
           ((148A \ a \ b - 12B \ a \ )d + (148A \ a \ b - 12B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
                    3 2 4 5
                                           4 2 5 4 4
           ((-308A \ a \ b + 76B \ a \ b)d + (-308A \ a \ b + 76B \ a \ b)d)e
--R
--R
                 23 326 33 4253
--R
           ((560A \ a \ b - 364B \ a \ b ) d + (560A \ a \ b - 364B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R
                            2 3 7 2 4 3 3 6 2
```

```
--R
          ((770A \ a \ b - 700B \ a \ b ) d + (770A \ a \ b - 700B \ a \ b ) d ) e
--R
                 5 48 5 247
--R
--R
          ((140A b - 280B a b )d + (140A a b - 280B a b )d )e
--R
--R
--R
         X
--R
                5 4 6 3 5
--R
--R
          (- 20A a d - 20A a d )e
--R
                       5 5
--R
                                   5
          ((107A \ a \ b - 8B \ a \ )d + (107A \ a \ b - 8B \ a \ )d )e
--R
--R
                  3 2 4 6
--R
                                   4 2 5 5 3
--R
          ((-252A \ a \ b + 54B \ a \ b)d + (-252A \ a \ b + 54B \ a \ b)d)e
--R
--R
                23 327 33 4262
           ((490A \ a \ b - 266B \ a \ b ) d + (490A \ a \ b - 266B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R
                 4 238 24
           ((280A \ a \ b \ - 350B \ a \ b \ )d \ + (280A \ a \ b \ - 350B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
--R
              5 49 5 248
           (35A b - 70B a b)d + (35A a b - 70B a b)d
--R
--R
--R
--R
--R
            5 5 6 4 4 4 5 6 5 6 5 3
--R
       (-5A a d -5A a d )e + ((28A a b - 2B a )d + (28A a b - 2B a )d )e
--R
               3 2 4 7 4 2 5 6 2
--R
--R
       ((-70A \ a \ b + 14B \ a \ b)d + (-70A \ a \ b + 14B \ a \ b)d)e
--R
             2 3
--R
                     3 2 8
                                  3 3
       ((140A a b - 70B a b )d + (140A a b - 70B a b )d )e
--R
--R
--R
                    239
                                2 4
                                         3 3 8
        (35A a b - 70B a b )d + (35A a b - 70B a b )d
--R
--R /
            6 4 9 5 2 5 8 4 3 6 7 3 4 7 6 2 5 8 5
--R
           35a b d e - 175a b d e + 350a b d e - 350a b d e + 175a b d e
--R
--R.
--R
               6 9 4
--R
          - 35a b d e
--R
--R
         5
--R
         x
--R
--R
             749 6 58 5267 4376 3485
```

```
--R
           35a d e - 35a b d e - 350a b d e + 1050a b d e - 1225a b d e
--R
              2 5 9 4 6 10 3
--R
--R
          665a b d e - 140a b d e
--R
--R
          4
--R
         x
--R
             758 6 67 5276 4385 3494
--R
--R
          140a d e - 490a b d e + 350a b d e + 700a b d e - 1400a b d e
--R
             2 5 10 3 6 11 2
--R
          910a b d e - 210a b d e
--R
--R
--R
         3
--R
         x
--R
--R
              7 6 7 6 7 6 5 2 8 5 4 3 9 4 3 4 10 3
           210a d e - 910a b d e + 1400a b d e - 700a b d e - 350a b d e
--R
--R
--R
             2 5 11 2 6 12
--R
          490a b d e - 140a b d e
--R
--R
         2
--R
         X
--R
            7 7 6 6 8 5 5 2 9 4 4 3 10 3 3 4 11 2
--R
--R
          140a d e - 665a b d e + 1225a b d e - 1050a b d e + 350a b d e
--R
             2 5 12 6 13
--R
--R
          35a b d e - 35a b d
--R
--R
        X
--R
         785 694 52103 43112 3412
--R
      35a d e - 175a b d e + 350a b d e - 350a b d e + 175a b d e
--R
--R
--R
          2 5 13
       - 35a b d
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1186
--S 1187 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                   4 2 4 5 3
            4 5 4
                              3
      (-5A \ a \ d - 5A \ a \ )e + ((28A \ a \ b - 2B \ a \ )d + (28A \ a \ b - 2B \ a \ )d)e
--R
--R
```

```
--R
                      3 3
                                  3 2 4 2 2
--R
         ((-70A \ a \ b + 14B \ a \ b)d + (-70A \ a \ b + 14B \ a \ b)d)e
--R
--R
                           2 2 4
                                          2 3
--R
         ((140A \ a \ b \ - 70B \ a \ b \ )d \ + (140A \ a \ b \ - 70B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
                        3 5
--R
         (35A b - 70B a b)d + (35A a b - 70B a b)d
--R /
                   5 5 4
--R
                                 4 2 6 3
                                                3 3 7 2
                                                             2 4 8
--R
       35a d e - 175a b d e + 350a b d e - 350a b d e + 175a b d e - 35a b d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1187
--S 1188 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1188
)clear all
--S 1189 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)/(a+b*x)^(5/2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
                  3
                                2 3 2 2 2 2
             3 4
--R
           B e x + (A e + 3B d e)x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d)x
--R
--R
              3
--R
          A d
--R
          +----+
--R
--R
         --R
                        2 +----+
--R
         2 2
--R
       (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1189
--S 1190 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(9/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2))+_
    35/8*(b*d-a*e)^2*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*_
    \sqrt{(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x))}sqrt(e)/b^(11/2)-_
    2*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/(b^2*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))+_
    35/12*e*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x)/b^4+_
    7/3*e*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+b*x)/_
```

```
(b^3*(b*d-a*e))+35/8*e*(b*d-a*e)*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*_
    sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/b^5
--R
--R
--R
     (2)
                                        3
                     2 2 3 3
--R
                                                         2 2 2
               (210A \ a \ b - 315B \ a \ b)e + (-420A \ a \ b + 735B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                              3 2
--R
               (210A b - 525B a b) d e + 105B b d
--R
--R
--R
--R
--R
                          4 3
                                        2 2
--R
            (210A \ a \ b - 315B \ a \ ) e + (-420A \ a \ b + 735B \ a \ b) d \ e
--R
--R.
                           2 2 2
--R
            (210A a b - 525B a b )d e + 105B a b d
--R
--R
                            +-+ +----+
          +-+ +----+
--R
                           \left| \cdot \right|  b x + a
--R
          \|e \|b x + a atanh(-----)
--R
                            +-+ +----+
--R
                           --R
               4 3 4 4 3 3 4 2 3
--R
--R
            8B b e x + ((12A b - 18B a b )e + 38B b d e )x
--R
--R
                          2 2 3
                                                   3 2 4 2 2
--R.
           ((- 42A a b + 63B a b )e + (78A b - 138B a b )d e + 87B b d e)x
--R
                       2 2 3 3 3 2 2 2
--R
               (-280A \ a \ b + 420B \ a \ b)e + (476A \ a \ b - 854B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                                3 2
               (-160A b + 478B a b) d e - 48B b d
--R
--R
--R
--R
--R
                          4 3
                                        2 2
           (-210A \ a \ b + 315B \ a \ ) e + (350A \ a \ b - 630B \ a \ b) d \ e
--R
--R
--R.
                    3 222
                                       4 3 3
           (- 112A a b + 343B a b )d e + (- 16A b - 32B a b )d
--R.
--R
           +-+ +----+
--R
--R
          \b \leq x + d
--R /
          6 5 +-+ +----+
--R
--R
       (24b x + 24a b) | b | x + a
```

```
--R
                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 1190
--S 1191 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1191
--S 1192 of 1293
--m0:=a0-r0
--Е 1192
--S 1193 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1193
)clear all
--S 1194 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)/(a+b*x)^(5/2)
--R
--R
--R
                                                                                                                                                             2 +----+
                                      2 3
                                                                                           2
                                                                                                                                        2
--R
                            (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) \le x + d
               (1) -----
--R
--R
                                                                         2 2 2 +----+
--R
                                                                        (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 1194
--S 1195 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(7/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2))+_
             5/4*(b*d-a*e)*(3*b*B*d+4*A*b*e-7*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
             (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))*sqrt(e)/b^(9/2)-2/3*(3*b*B*d+4*A*b*e-7*a*B*e)*_
             (d+e*x)^{(5/2)}/(b^2*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))+5/6*e*_
             (3*b*B*d+4*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x)/(b^3*(b*d-a*e))+_
             5/4*e*(3*b*B*d+4*A*b*e-7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/b^4
--R.
--R
--R
               (2)
--R
                                                                                      2 2
                                                                                                                         3
                                                                                                                                                           2
                                    ((-60A \ a \ b + 105B \ a \ b)e + (60A \ b - 150B \ a \ b)d \ e + 45B \ b \ d)x
--R
--R
--R.
                                                         2
                                                                                    3 2
                                                                                                                        2
                                                                                                                                                    2
--R.
                                    (-60A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (60A \ a \ b - 150B \ a \ b)d \ e + 45B \ a \ b \ d
--R
--R
                                                                                     +-+ +----+
--R
                                 +-+ +----+
                                                                                  \|e \|b x + a atanh(-----)
--R
--R
                                                                                     +-+ +----+
--R
                                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
```

```
--R
                                                 3 2 3 3 2 2 3 2
--R
--R
                                      6B b e x + ((12A b - 21B a b)e + 27B b d e)x
--R
                                                               2 2 2 3
--R
                                                                                                                                                                        2
                                        ((80A \ a \ b \ - 140B \ a \ b)e \ + (-56A \ b \ + 158B \ a \ b)d \ e \ - 24B \ b \ d)x
--R
--R
--R
                                                                                   3 2
                                      (60A a b - 105B a )e + (- 40A a b + 115B a b)d e
--R
--R
--R
                                      (-8Ab - 16Bab)d
--R
--R
                                     +-+ +----+
--R
--R
                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                4 +-+ +----+
--R
--R
                       (12b x + 12a b) | b | x + a
--R
                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 1195
--S 1196 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1196
--S 1197 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1197
--S 1198 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1198
)clear all
--S 1199 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a+b*x)^(5/2)
--R
--R
--R
                                           2
--R
                             (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus |e x + d|
--R
               (1) -----
--R.
                                             2 2 2 +----+
--R
                                        (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 1199
--S 1200 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(5/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2))+_
              (3*b*B*d+2*A*b*e-5*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*__
```

```
sqrt(d+e*x)))*sqrt(e)/b^(7/2)-2/3*(3*b*B*d+2*A*b*e-5*a*B*e)*_
    (d+e*x)^{(3/2)}/(b^2*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))+e*(3*b*B*d+2*A*b*e-5*a*B*e)*_
    sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^3*(b*d-a*e))
--R
--R
     (2)
--R
                                   2
--R
--R
           (((6A b - 15B a b)e + 9B b d)x + (6A a b - 15B a )e + 9B a b d)|e
--R
                          +-+ +----+
--R
--R
           +----+
                         \|b x + a atanh(-----)
--R
                          +-+ +----+
--R
                         --R
--R
--R
                             2
--R
            3B b e x + ((- 8A b + 20B a b)e - 6B b d)x + (- 6A a b + 15B a )e
--R
--R
                  2
--R
            (-2A b - 4B a b)d
--R
--R
           +-+ +----+
--R
          --R /
--R
              3 +-+ +----+
--R
       (3b x + 3a b) | b | x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1200
--S 1201 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1201
--S 1202 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1202
--S 1203 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1203
)clear all
--S 1204 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(d+e*x)/(a+b*x)^(5/2)
--R
--R
--R
                        +----+
               (B x + A) \setminus |e x + d
--R
--R
    (1) -----
```

```
2 +----+
--R
--R
                                   (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1204
--S 1205 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(3/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2))+_
                2*B*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))*sqrt(e)/b^(5/2)-_
                2*B*sqrt(d+e*x)/(b^2*sqrt(a+b*x))
--R
--R
                   (2)
--R
                                                                                          2
                                                                                                                            2
--R
--R
                                      ((6B \ a \ b \ e \ - \ 6B \ b \ d)x \ + \ 6B \ a \ e \ - \ 6B \ a \ b \ d) \setminus |e \ \setminus |b \ x \ + \ a
 --R
 --R
                                                          +-+ +----+
--R.
                                                        --R
                                     atanh(-----)
                                                          +-+ +----+
--R
--R
                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                      2
                                                                                                                                                           2
--R
                         (((2A b - 8B a b)e + 6B b d)x - 6B a e + (2A b + 4B a b)d)\|b \|e x + d
--R /
                                                                                                                   3 +-+ +----+
--R
                                                             4
                                                                                        2 2
                         ((3a b e - 3b d)x + 3a b e - 3a b d) | b | b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1205
--S 1206 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1206
--S 1207 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1207
--S 1208 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1208
)clear all
--S 1209 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                                                                                      B x + A
--R
                  (1) -----
--R
                                        2 2
                                                                                      2 +----+
```

```
--R
                          (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a \setminus |e x + d
--R
                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 1209
--S 1210 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2))-_
           2/3*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)^2*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
                            (((4A b + 2B a)e - 6B b d)x + 6A a e + (- 2A b - 4B a)d) | e x + d
--R
              (2) -----
                             2 2 2 3 2 3 2 2
--R
--R
                        ((3a b e - 6a b d e + 3b d )x + 3a e - 6a b d e + 3a b d )\|b x + a
--R
                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1210
--S 1211 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             (3)
--R
                                            2 3
--R
                           (((8A \ a \ b + 4B \ a \ )e - 12B \ a \ b \ d)x + 12A \ a \ e + (-4A \ a \ b - 8B \ a \ )d)
--R
                              +----+
--R
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                         2 2
                                                                                        3 2 2 3 2 2
--R.
                      ((-3A \ a \ b \ d - 12A \ a \ b \ )e + (A \ b \ + 2B \ a \ b \ )d \ + (4A \ a \ b \ + 8B \ a \ b \ )d)x
--R
                                                        3
                                                                                                  2 2 2 2 3
--R
                                          2
--R
                      ((-6A \ a \ b \ d \ -24A \ a \ b)e + (2A \ a \ b \ +4B \ a \ b)d \ + (8A \ a \ b \ +16B \ a \ b)d)x
--R
--R
                                                                                    2
                                                                                                         3 2
                       (-3A \ a \ d \ -12A \ a \ )e \ + \ (A \ a \ b \ +2B \ a \ )d \ + \ (4A \ a \ b \ +8B \ a \ )d
--R
--R /
                                                   3 3
--R
                              4 2 2
                                                                             2 4 2 2 5 2
                                                                                                                                          4 2
--R
                       (6a b e - 12a b d e + 6a b d )x + (12a b e - 24a b d e + 12a b d )x
--R
--R
                           6 2
                                             5
                       6a e - 12a b d e + 6a b d
--R
--R.
                                                                                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1211
--S 1212 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                                                                 2
                                                                                                              2
```

```
--R
        (- 3A a d - 12A a )e + (A b + 2B a)d + (4A a b + 8B a )d
--R
--R
                      4 2 3 2 2 2
--R
                      6a e - 12a b d e + 6a b d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1212
--S 1213 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1213
)clear all
--S 1214 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R (1)
--R
                              B x + A
--R
     2 3 2 2 2 2 +----+
--R
     (b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d) | b x + a | e x + d
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1214
--S 1215 of 1293
r0:=-2*(B*d-A*e)/(e*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x))+_
    2/3*(3*b*B*d-4*A*b*e+a*B*e)*sqrt(d+e*x)/(e*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)^(3/2))-_
    4/3*(3*b*B*d-4*A*b*e+a*B*e)*sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*sqrt(a+b*x))
--R
--R
     (2)
--R
              2 2 2 2
--R
--R
        ((-16A b + 4B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
                       2 2
                                                     2 2 2 2
        ((- 24A a b + 6B a )e + (- 8A b + 20B a b)d e + 6B b d )x - 6A a e
--R
--R
--R.
                       2 2
--R
        (-12A \ a \ b + 12B \ a \ )d \ e + (2A \ b + 4B \ a \ b)d
--R /
--R
            3 3 2 2 2 3 2
                                       4 3 4 3 3 2
--R
          (3a b e - 9a b d e + 9a b d e - 3b d )x + 3a e - 9a b d e
--R
           2 2 2 3 3
--R
        9a b d e - 3a b d
--R
```

```
--R
--R
                                           +----+
--R
                                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1215
--S 1216 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                        (3)
                                                                                                                                      3
--R
                                                                                               2 2
                                                                                                                                                                2
                                                                                                                                                                                                      2 2 2 2
                                                       ((- 64A a b + 16B a b)d e + 48B a b d e)x
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                              2 2 3 2 2 2 3
                                                                                                                       4 2
--R
                                                        ((- 96A a b + 24B a )d e + (- 32A a b + 80B a b)d e + 24B a b d )x
--R
                                                                                                                                                                                                                                      2 2 3 3
--R
                                                                                     4 2 3 4 2
                                                         - 24A a d e + (- 48A a b + 48B a )d e + (8A a b + 16B a b)d
--R
--R
--R
                                                    +----+
--R
                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                       2 2 3 2 3
--R
                                                           (- 3A a b d - 48A a b )e
--R
                                                                                                                                                                          23 32 2
--R
                                                                                                 3 222
--R
                                                        ((-6A \ a \ b + 6B \ a \ b )d + (-96A \ a \ b + 96B \ a \ b )d)e
--R
--R
                                                                               4 3 3 4 2 3 2
--R
                                                        ((A b + 2B a b)d + (16A a b + 32B a b)d)e
--R
--R
                                                     3
--R
                                                X
--R
--R
--R
                                                       (- 6A a b d - 96A a b)e
--R
                                                                                                                             3 2
                                                                                               2 2
--R
                                                                                                                                                                                                              3 2
--R
                                                        ((-15A \ a \ b + 12B \ a \ b)d + (-240A \ a \ b + 192B \ a \ b)d)e
--R
--R
                                                                                               3 223
                                                                                                                                                                                                          2 3 3 2 2
                                                        ((- 4A a b + 10B a b )d + (- 64A a b + 160B a b )d )e
--R.
--R
                                                                                                                                                      4 233
--R
                                                                        4 3 4
                                                           (A b + 2B a b)d + (16A a b + 32B a b)d
--R
--R
--R
                                                   2
--R
                                                 x
--R
```

```
--R
                4 5 3
           (-3Aad-48Aa)e
--R
--R
--R
                       4 2
                   3
                                      4
--R
           ((-12A \ a \ b + 6B \ a \ )d + (-192A \ a \ b + 96B \ a \ )d)e
--R
                                        3 2 4 2
                   2 2 3 3
--R
--R
           ((-11A \ a \ b + 14B \ a \ b)d + (-176A \ a \ b + 224B \ a \ b)d)e
--R
                3
                                  2 3 3 2 3
--R
                      2 2 4
--R
           (2A \ a \ b + 4B \ a \ b) d + (32A \ a \ b + 64B \ a \ b) d
--R
--R
--R
--R
            4 2 5 2
--R
       (- 3A a d - 48A a d)e
--R
--R
             3
                    4 3
                                 4
                                      5 2 2 2 3 4
--R
        ((-6A a b + 6B a )d + (-96A a b + 96B a )d )e + (A a b + 2B a b)d
--R
--R
           3 2 4 3
        (16A \ a \ b + 32B \ a \ b)d
--R
--R /
--R
          5 2 4 4 3 2 3 3 4 3 2 2 5 4 3
--R
        (12a b d e - 36a b d e + 36a b d e - 12a b d e)x
--R
                               4 3 3 2 3 4 4 2 5 5 2
--R
               4 5223
--R
        (24a b d e - 60a b d e + 36a b d e + 12a b d e - 12a b d )x
--R
           --R.
--R
       (12a d e - 12a b d e - 36a b d e + 60a b d e - 24a b d )x + 12a d e
--R
--R
           6 32
                     5 2 4
                               4 3 5
--R
        - 36a b d e + 36a b d e - 12a b d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1216
--S 1217 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R.
             2
                   3 2
                                        2 2
                                                     2
        (-3A \ a \ d \ -27A \ a \ )e + ((-6A \ a \ b \ +6B \ a \ )d + (-54A \ a \ b \ +54B \ a \ )d)e
--R.
--R
--R
                    3
                              2
                                     2 2
--R
        (A b + 2B a b)d + (9A a b + 18B a b)d
--R /
       5 3 4 2 2 3 2 3 2 3 4
--R
--R
      9a d e - 27a b d e + 27a b d e - 9a b d
```

```
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1217
--S 1218 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
              (5) 0
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1218
)clear all
--S 1219 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
             (1)
--R
                    B x + A
--R /
--R
                                    2 2 4 2 2 3 2 2
--R
                                b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d )x
--R
--R
                                                                         2
                                                                                              2 2
--R
                                  (2a d e + 2a b d)x + a d
--R
                             +----+
--R
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1219
--S 1220 of 1293
r0:=-2/3*(B*d-A*e)/(e*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(3/2))+_
              2/3*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)/(e*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x))-_
              8/3*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)/((b*d-a*e)^3*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x))-_
              16/3*e*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                          2 3
                                                                                                            3 2 3
--R
                             ((32A b - 16B a b)e - 16B b d e)x
--R
--R.
                                                                          2 3
                                                                                                                                                   2 2 3 2 2
                                                                                                                 3
                             ((48A \ a \ b \ - 24B \ a \ b)e \ + (48A \ b \ - 48B \ a \ b \ )d \ e \ - 24B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                                                                             3 3
                                                                                                                           2
--R
                                       (12A \ a \ b - 6B \ a \ )e + (72A \ a \ b - 42B \ a \ b)d \ e
--R
                                                                                2 2
--R
                                                                                                             3 3
--R
                                        (12A b - 42B a b) d e - 6B b d
```

```
--R
--R
                          X
--R
                                     --R
--R
                      -2A a e + (18A a b -4B a )d e + (18A a b -24B a b)d e
--R
                                   3
--R
--R
                        (-2Ab-4Bab)d
--R /
                                 4 5 32 4
--R
                                                                                      2 3 2 3
                                                                                                                         432 54 2
--R
                           (3a b e - 12a b d e + 18a b d e - 12a b d e + 3b d e)x
--R
                                5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
--R
                            (3a e - 9a b d e + 6a b d e + 6a b d e - 9a b d e + 3b d )x
--R
--R
                               5 4 4 2 3 3 2 3 2 2 3 4 4 5
--R
                           3a d e - 12a b d e + 18a b d e - 12a b d e + 3a b d
--R
--R
                        +----+
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 1220
--S 1221 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             (3)
                                                2 3 3 2 2 3 2 3 3 2 3
--R
--R
                                ((64A a b - 32B a b )d e - 32B a b d e )x
--R
                                                            3 2 4 2 3 2 3 3 2 3 2
--R
--R
                                               (96A a b - 48B a b)d e + (96A a b - 96B a b)d e
--R
--R
                                                            2 3 4
--R
                                              - 48B a b d e
--R
--R
                                       2
--R
                                    x
--R
                                                                                                      3 2 4 3 2
 --R
                                                                           5 2 3
                                          (24A \ a \ b - 12B \ a \ )d \ e + (144A \ a \ b - 84B \ a \ b)d \ e
--R
--R.
--R
                                                       2 3
                                                                       3 2 4
                                                                                                               2 3 5
                                        (24A a b - 84B a b )d e - 12B a b d
--R
--R
--R
                                     x
--R
                                              5 2 3 4 5 3 2 3 2 4 4
--R
--R
                                 -4A a d e + (36A a b -8B a )d e + (36A a b -48B a b)d e
```

```
--R
              2 3 3 2 5
--R
--R
          (-4A a b -8B a b)d
--R
--R
         +----+
--R
         \b x + a \le x + d
--R
             3 2 4 2 5
--R
          (A a b d + 4A a b)e
--R
--R
                2 3 3 2 2
                                 3 3 4 2 4
--R
          ((- 9A a b + 2B a b )d + (- 36A a b + 8B a b )d)e
--R
--R
--R
                        233
                                     2 4 3 3 2 3
          ((- 9A a b + 12B a b )d + (- 36A a b + 48B a b )d )e
--R
--R
--R
                  4 4 5
                                     2432
          ((A b + 2B a b)d + (4A a b + 8B a b)d)e
--R
--R
--R
--R
         x
--R
--R
             4 5 5
--R
          (2A a b d + 8A a b)e
--R
                 3 2 4 2 4 2 5 4
--R
--R
          ((-16A \ a \ b + 4B \ a \ b)d + (-64A \ a \ b + 16B \ a \ b)d)e
--R
--R
                 2 3 3 2 3
                                       3 3 4 2 2 3
--R
          ((- 36A a b + 28B a b )d + (- 144A a b + 112B a b )d )e
--R
                  4 234 24 3332
--R
--R
           ((-16A \ a \ b + 28B \ a \ b )d + (-64A \ a \ b + 112B \ a \ b )d )e
--R
              5 4 5
--R
                                5
           ((2A b + 4B a b)d + (8A a b + 16B a b)d)e
--R
--R
--R
         3
--R
         х
--R
--R
                   6 5
                               4
                                      5 2
                                                  5 6 4
          (A a d + 4A a)e + ((-5A a b + 2B a)d + (-20A a b + 8B a)d)e
--R
--R
--R
                 3 2 4 3
                                      4 2
                                             5 2 3
          ((-44A \ a \ b + 20B \ a \ b)d + (-176A \ a \ b + 80B \ a \ b)d)e
--R
--R
                 23 324 33 4232
--R
--R
          ((-44A \ a \ b + 52B \ a \ b \ )d + (-176A \ a \ b + 208B \ a \ b \ )d )e
--R
--R
                         2 3 5 2 4 3 3 4
```

```
--R
           ((-5A a b + 20B a b)d + (-20A a b + 80B a b)d)e
--R
              5 46 5 245
--R
--R
           (A b + 2B a b)d + (4A a b + 8B a b)d
--R
--R
          2
--R
         x
--R
              5 2 6 4
--R
--R
          (2A a d + 8A a d)e
--R
--R
                        5 3
                                     5
                                           6 2 3
           ((-16A \ a \ b + 4B \ a \ )d + (-64A \ a \ b + 16B \ a \ )d )e
--R
--R
--R
                  3 2
                        4 4
                                        4 2
                                                5 3 2
--R
           ((-36A \ a \ b + 28B \ a \ b)d + (-144A \ a \ b + 112B \ a \ b)d)e
--R
--R
                  2 3 3 2 5
                                    3 3 4 2 4
           ((- 16A a b + 28B a b )d + (- 64A a b + 112B a b )d )e
--R
--R
--R
                4 236 24
           (2A \ a \ b + 4B \ a \ b)d + (8A \ a \ b + 16B \ a \ b)d
--R
--R
--R
         X
--R
          5 3 6 2 3 4 5 4 5 6 3 2
--R
--R
        (A \ a \ d + 4A \ a \ d) \ e + ((-9A \ a \ b + 2B \ a) \ d + (-36A \ a \ b + 8B \ a) \ d) \ e
--R
--R
             3 2 4 5
                                   4 2
--R.
        ((-9A \ a \ b + 12B \ a \ b)d + (-36A \ a \ b + 48B \ a \ b)d)e
--R
           23 326 33 425
--R
--R
        (A \ a \ b + 2B \ a \ b) d + (4A \ a \ b + 8B \ a \ b) d
--R /
          6 2 2 6 5 3 3 5 4 4 4 4 3 5 5 3 2 6 6 2 4
--R
        (6a b d e - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6a b d e )x
--R
--R
            7 2 6 6 2 3 5 5 3 4 4 4 4 5 3 3 5 6 2
--R
--R
           12a b d e - 36a b d e + 24a b d e + 24a b d e - 36a b d e
--R
--R
            267
--R
          12a b d e
--R
--R
          3
--R
         x
--R
--R
         8 2 6 6 2 4 4 5 3 5 3 4 4 6 2 2 6 8 2
--R
        (6a d e - 54a b d e + 96a b d e - 54a b d e + 6a b d)x
--R
--R
          8 3 5 7 4 4 6 2 5 3 5 3 6 2 4 4 7 3 5 8
```

```
--R
        (12a d e - 36a b d e + 24a b d e + 24a b d e - 36a b d e + 12a b d )x
--R
--R
         8 4 4 7 5 3 6 2 6 2 5 3 7 4 4 8
--R
        6a d e \, - 24a b d e \, + 36a b d e \, - 24a b d e \, + 6a b d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1221
--S 1222 of 1293 ok to fail, differs by a constant
--R
--R
--R
    (4)
          3 4 3 2
                                    3 2 3 4 2
--R
       (A a d + 4A a)e + ((-9A a b + 2B a)d + (-36A a b + 8B a)d)e
--R
--R
--R
               2
                      2 3
                                2 2
                                          3 2
--R
       ((- 9A a b + 12B a b)d + (- 36A a b + 48B a b)d )e
--R
          3 2 4
--R
                             3
                                   223
        (A b + 2B a b)d + (4A a b + 8B a b)d
--R
--R /
       6 2 4 5 3 3 4 2 4 2 3 3 5 2 4 6
--R
--R
      6a d e - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6a b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1222
--S 1223 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1223
)clear all
--S 1224 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
--R
   (1)
--R
    B x + A
--R /
--R.
         2 3 5
                     3 2 2 4 2 3
                                                2 22 3
--R
         b e x + (2a b e + 3b d e) x + (a e + 6a b d e + 3b d e) x
--R
          2 2 2 2 3 2
--R
                                    2 2 3
--R
        (3a d e + 6a b d e + b d)x + (3a d e + 2a b d)x + a d
--R
       +----+
--R
```

```
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 1224
--S 1225 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(5/2))-_
             2/3*(3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*_
             (d+e*x)^{(5/2)}*sqrt(a+b*x)-4/5*e*(3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*_
             sqrt(a+b*x)/(b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2))-16/15*e*_
             (3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2))-_
             32/15*b*e*(3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                                                3 4
                                                                                                       4 3 4
--R
                          ((-256A b + 160B a b)e + 96B b d e)x
--R.
--R
                                                                     3
                                                                                              2 2 4
                                          (-384A \ a \ b + 240B \ a \ b ) e + (-640A \ b + 544B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                                                      4 2 2
                                         240B b d e
--R
--R
--R
                                 3
--R
                               X
--R
--R
--R
                                    (-96A \ a \ b + 60B \ a \ b)e + (-960A \ a \ b + 636B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                                      3 2 2 4 3
--R
                                    (-480A b + 660B a b) d e + 180B b d e
--R
--R
                                 2
--R
                              x
--R
--R
                                                                        4 4
                                                                                                                   2 2
--R
                                    (16A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (-240A \ a \ b + 144B \ a \ b)d \ e
--R
                                                                                     2 2 2 2
--R
                                                                                                                                                                       3 3
--R
                                    (- 720A a b + 540B a b )d e + (- 80A b + 320B a b )d e + 30B b d
--R
--R
                              X
--R
                     +
--R
                                        4 4
                                                                   3
                                                                                         4
                                                                                                       3
                                                                                                                                             2 2 3 2 2
                         -6A a e + (40A a b -4B a )d e + (-180A a b + 60B a b)d e
--R
--R
--R
                                                  3 223
--R
                          (-120A \ a \ b + 180B \ a \ b ) d \ e + (10A \ b + 20B \ a \ b ) d
--R /
                                                 5 7 4 2 6
--R
                                                                                                           3 3 2 5 2 4 3 4
                                                                                                                                                                                        5 4 3
```

```
--R
                                           15a b e - 75a b d e + 150a b d e - 150a b d e + 75a b d e
--R
--R
                                                     6 5 2
--R
                                           - 15b d e
--R
--R
                                       3
--R
                                     X
--R
                                                   67 5 6 3334 2443 552
--R
                                           15a e - 45a b d e + 150a b d e - 225a b d e + 135a b d e
--R
--R
--R
                                                     6 6
                                         - 30b d e
--R
--R
--R
                                       2
--R
                                     х
--R
--R
                                               6 6 5 2 5 4 2 3 4 3 3 4 3 5 6
                                        30a de - 135a b de + 225a b de - 150a b de + 45a b de
--R
--R
--R
                                                     6 7
--R
                                          - 15b d
--R
--R
--R
                                   6 2 5 5 3 4 4 2 4 3 3 3 5 2 2 4 6 5 7
--R
--R
                           15a d e - 75a b d e + 150a b d e - 150a b d e + 75a b d e - 15a b d
--R
--R
                            +----+
--R.
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1225
--S 1226 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                                                2 4 3 3 3 4
                                                                                                                                            24434
--R
                                    ((- 768A a b + 480B a b )d e + 288B a b d e )x
--R
--R
                                                                                                                                                                 2 4
                                                                         3 3
                                                                                                       4 2 3 4
                                                                                                                                                                                         3 3 4 3
--R.
                                                (- 1152A a b + 720B a b )d e + (- 1920A a b + 1632B a b )d e
--R
--R
                                                                 2 4 5 2
                                                720B a b d e
--R
--R
--R
                                            3
--R
                                       x
--R
```

```
4 2 5 3 4 3 3 4 2 4 3
--R
                                       (- 288A a b + 180B a b)d e + (- 2880A a b + 1908B a b )d e
--R
--R
--R
                                                             2 4 3 3 5 2
                                                                                                                          2 4 6
--R
                                      (- 1440A a b + 1980B a b )d e + 540B a b d e
--R
--R
                                      2
--R
                                 X
--R
                                                                         6 3 4
                                                                                                                  4 2 5 4 3
--R
--R
                                       (48A a b - 30B a )d e + (- 720A a b + 432B a b)d e
--R
                                                               3 3 4 2 5 2
                                                                                                                                       2 4 3 3 6
--R
                                         (-2160A \ a \ b + 1620B \ a \ b ) d \ e + (-240A \ a \ b + 960B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                                                2 4 7
--R
                                        90B a b d
--R
--R
--R
--R
                                                                    5 6 4 3 4 2 5 5 2
                               - 18A a d e + (120A a b - 12B a )d e + (- 540A a b + 180B a b)d e
--R
--R
--R
                                                3 3 4 2 6 2 4 3 3 7
                                (-360A \ a \ b + 540B \ a \ b ) d \ e + (30A \ a \ b + 60B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
                             +----+
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                         4 2 5 2 7
--R
--R
                              (3A a b d + 27A a b )e
--R
                                                                                                               4 3 5 2
                                                 3 3 4 2 2
--R
--R
                              ((-20A \ a \ b + 2B \ a \ b )d + (-180A \ a \ b + 18B \ a \ b )d)e
--R
                                                                                                          3 4
                                             2 4 3 3 3
--R
                                                                                                                                      4325
--R
                              ((90A \ a \ b - 30B \ a \ b ) d + (810A \ a \ b - 270B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
                                                                     244
                                                                                                          2 5
                                                                                                                                    3 4 3 4
                              ((60A a b - 90B a b )d + (540A a b - 810B a b )d )e
--R
--R
                                                                       5 5
--R
                                               6
                                                                                                              6 2543
--R
                              ((-5Ab - 10Bab)d + (-45Aab - 90Bab)d)e
--R
--R
                             5
--R
                           x
--R
                                      5 6 7
--R
                            (6A a b d + 54A a b)e
--R
--R
```

```
4 2 5 2 5 2 6 6
--R
           ((-31A \ a \ b + 4B \ a \ b)d + (-279A \ a \ b + 36B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                   3 3 4 2 3
                                           4 3
           ((120A a b - 54B a b )d + (1080A a b - 486B a b )d )e
--R
--R
                   2 4 3 3 4
                                           3 4 4 3 3 4
--R
           ((390A \ a \ b - 270B \ a \ b ) d + (3510A \ a \ b - 2430B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
                            2 4 5
                                           2 5
--R
--R
           ((170A a b - 290B a b )d + (1530A a b - 2610B a b )d )e
--R
                            5 6
                                            6
                                                     2552
--R
            ((-15A b - 30B a b)d + (-135A a b - 270B a b)d)e
--R
--R
--R
           4
--R
          X
--R
                     7 7
--R
                6
--R
           (3A \ a \ d + 27A \ a )e
--R
                  5 6 2 6
--R
           ((- 2A a b + 2B a )d + (- 18A a b + 18B a )d)e
--R
--R
                  4 2 5 3
--R
           ((-21A \ a \ b \ -18B \ a \ b)d \ + (-189A \ a \ b \ -162B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                   3 3 4 2 4 4 3 5 2 3 4
--R
            ((540A \ a \ b \ - 264B \ a \ b \ )d \ + (4860A \ a \ b \ - 2376B \ a \ b \ )d \ )e
--R
                   2 4 3 3 5
--R
                                           3 4
--R
            ((625A \ a \ b \ - 640B \ a \ b \ )d \ + (5625A \ a \ b \ - 5760B \ a \ b \ )d \ )e
--R
                                           25 3452
                            2 4 6
--R
--R
           ((150A \ a \ b - 330B \ a \ b ) d + (1350A \ a \ b - 2970B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
                            5 7
                                        6
            ((- 15A b - 30B a b )d + (- 135A a b - 270B a b )d )e
--R
--R
--R
--R
          x
--R
                      7 6
--R
                6 2
--R
           (9A a d + 81A a d)e
--R
--R
                  5 6 3
                                         6 7 2 5
           ((-42A \ a \ b + 6B \ a \ )d + (-378A \ a \ b + 54B \ a \ )d )e
--R
--R
                   4 2 5 4 5 2 6 3 4
--R
            ((153A \ a \ b \ - 78B \ a \ b)d \ + (1377A \ a \ b \ - 702B \ a \ b)d)e
--R
```

```
--R
                 3 3 4 2 5 4 3 5 2 4 3
--R
--R
           ((700A a b - 448B a b )d + (6300A a b - 4032B a b )d )e
--R
                  2 4 3 3 6 3 4 4 3 5 2
--R
--R
            ((435A \ a \ b - 600B \ a \ b ) d + (3915A \ a \ b - 5400B \ a \ b ) d ) e
--R
                          2 4 7
                                        2 5
--R
           ((30A \ a \ b \ - 150B \ a \ b \ )d \ + (270A \ a \ b \ - 1350B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
                         5 8
--R
                                       6
                                               257
           (-5A b - 10B a b )d + (-45A a b - 90B a b )d
--R
--R
--R
          2
--R
          x
--R
--R
              6 3 7 2 5
--R
           (9A a d + 81A a d )e
--R
--R
                 5 6 4
--R
           ((-54A \ a \ b + 6B \ a \ )d + (-486A \ a \ b + 54B \ a \ )d )e
--R
--R
                 4 2 5 5 5 2 6 4 3
--R
           ((230A \ a \ b - 86B \ a \ b)d + (2070A \ a \ b - 774B \ a \ b)d)e
--R
                  3 3 4 2 6 4 3 5 2 5 2
--R
--R
           ((360A \ a \ b - 330B \ a \ b ) d + (3240A \ a \ b - 2970B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
                  2 4
                      3 3 7
                                        3 4
--R
           ((105A a b - 210B a b )d + (945A a b - 1890B a b )d )e
--R
                           2 4 8 2 5 3 4 7
--R
                  5
--R
           (-10A a b - 20B a b )d + (-90A a b - 180B a b )d
--R
--R
         X
--R
--R
           6 4 7 3 4
--R
        (3A ad + 27A ad)e
--R
--R
               5 6 5
                                   6 7 4 3
        ((-20A a b + 2B a)d + (-180A a b + 18B a)d)e
--R
--R
--R.
            4 2 5 6 5 2 6 5 2
        ((90A \ a \ b \ - 30B \ a \ b)d \ + (810A \ a \ b \ - 270B \ a \ b)d )e
--R
--R
--R
              3 3 4 2 7
                                   4 3
                                             5 2 6
--R
        ((60A \ a \ b - 90B \ a \ b ) d + (540A \ a \ b - 810B \ a \ b ) d ) e
--R
            24 338 34 437
--R
        (-5A a b - 10B a b )d + (-45A a b - 90B a b )d
--R
```

```
--R /
           7 2 3 8 6 3 4 7 5 4 5 6 4 5 6 5 3 6 7 4
--R
--R
          45a b d e - 225a b d e + 450a b d e - 450a b d e + 225a b d e
--R
--R
             2783
--R
          - 45a b d e
--R
--R
         5
--R
        x
--R
--R
           8 3 8 7 2 4 7 6 3 5 6 5 4 6 5 4 5 7 4
--R
          90a b d e - 315a b d e + 225a b d e + 450a b d e - 900a b d e
--R
--R
            3 6 8 3
                      2792
--R
         585a b d e - 135a b d e
--R
--R.
         4
--R
         x
--R
           938 8 47 7256 6365 5474
--R
--R
         45a d e + 45a b d e - 765a b d e + 1575a b d e - 1125a b d e
--R
--R
             4 5 8 3 3 6 9 2
                                 2 7 10
--R
         - 45a b d e + 405a b d e - 135a b d e
--R
--R
         3
--R
         X
--R
             9 4 7 8 5 6 7 2 6 5 6 3 7 4 5 4 8 3
--R
--R
         135a d e - 405a b d e + 45a b d e + 1125a b d e - 1575a b d e
--R
             4 5 9 2 3 6 10 2 7 11
--R
--R
         765a b d e - 45a b d e - 45a b d
--R
--R
         2
--R
        x
--R
--R
            956 865 7274 6383 5492
--R
         135a d e - 585a b d e + 900a b d e - 450a b d e - 225a b d e
--R
            4 5 10 3 6 11
--R
--R
         315a b d e - 90a b d
--R.
--R
--R
        965 874 7283 6392 5410
--R
--R
       45a d e - 225a b d e + 450a b d e - 450a b d e + 225a b d e
--R
--R
         4 5 11
--R
       - 45a b d
```

```
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1226
--S 1227 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
           4 5 4 3 4 2 4 5 3
--R
       (3A a d + 27A a )e + ((- 20A a b + 2B a )d + (- 180A a b + 18B a )d)e
--R
--R
                   3 3
--R
            2 2
                                 3 2
       ((90A \ a \ b - 30B \ a \ b)d + (810A \ a \ b - 270B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
              3 224
                              2 3
--R
       ((60A a b - 90B a b )d + (540A a b - 810B a b )d )e
--R
                     3 5 4 2 3 4
--R.
        (-5Ab - 10Bab)d + (-45Aab - 90Bab)d
--R
--R /
--R
        7 3 5 6 4 4 5 2 5 3
                                      4 3 6 2 3 4 7 2 5 8
--R
      45a d e - 225a b d e + 450a b d e - 450a b d e + 225a b d e - 45a b d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1227
--S 1228 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1228
)clear all
--S 1229 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(9/2))
--R
--R
--R
   (1)
--R
    B x + A
--R /
--R
                 4 2 3 5 2 4 3 2 2 2 4
--R.
         b e x + (2a b e + 4b d e )x + (a e + 8a b d e + 6b d e )x
--R
                      2 2 2 3 3 2 2 2 3 2 4 2
--R
--R
        (4a d e + 12a b d e + 4b d e)x + (6a d e + 8a b d e + b d )x
--R
          2 3 4 2 4
--R
--R
        (4a d e + 2a b d)x + a d
```

```
--R
--R
                             +----+
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1229
--S 1230 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(7/2))-_
             2/3*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2)*_
             sqrt(a+b*x))-16/21*e*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/_
             (b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(7/2))-32/35*e*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*_
             sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(5/2))-128/105*b*e*_
             (3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(3/2))-_
             256/105*b^2*e*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/_
              ((b*d-a*e)^6*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                4 5 5 4 5
                           ((2560A b - 1792B a b)e - 768B b d e)x
--R
--R
                                                             4 235
--R
--R
                                      (3840A \ a \ b \ - 2688B \ a \ b \ ) e \ + (8960A \ b \ - 7424B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                                                             5 2 3
                                      - 2688B b d e
--R
--R
--R
                                   4
--R
                                х
--R
                                                        2 3 3 2 5
--R
--R
                                      (960A \ a \ b - 672B \ a \ b ) e + (13440A \ a \ b - 9696B \ a \ b ) d \ e
--R
                                                                                              4 2 3
--R
--R
                                      (11200A b - 11872B a b) d e - 3360B b d e
--R
--R
                                   3
--R
                                x
--R
--R
                                                                                         4 5
                                                                                                                                    2 3
                                      (-160A a b + 112B a b)e + (3360A a b - 2304B a b )d e
--R
--R
--R.
                                                                                                  2 3 2 3
                                                                                                                                       5
--R.
                                      (16800A \ a \ b \ - 12768B \ a \ b \ )d \ e \ + (5600A \ b \ - 8960B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
                                                             5 4
--R
                                     - 1680B b d e
--R
--R
                                   2
--R
                                x
```

```
--R
              4 5 5 3 2 4 4
--R
          (60A a b - 42B a )e + (- 560A a b + 374B a b)d e
--R
--R
               23 3223 4 2332
--R
           (4200A \ a \ b \ - 2772B \ a \ b \ ) d \ e \ + (8400A \ a \ b \ - 7140B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                         4 4
          (700A b - 3010B a b )d e - 210B b d
--R
--R
--R
--R
                  4 5 4
                                       3 2 4 2 3
--R
       - 30A a e + (210A a b - 12B a )d e + (- 700A a b + 112B a b)d e
--R
--R
--R
             2 3
                 3 2 3 2
                                 4 234
--R
        (2100A \ a \ b - 840B \ a \ b ) d \ e + (1050A \ a \ b - 1680B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
            5 4 5
        (- 70A b - 140B a b )d
--R
--R /
--R
              6 9 5 2 8 4 3 2 7 3 4 3 6
--R
            105a b e - 630a b d e + 1575a b d e - 2100a b d e
--R
--R
                2545 654 763
           1575a b d e - 630a b d e + 105b d e
--R
--R
--R
--R
          x
--R
              7 9 6 8 5 2 2 7 4 3 3 6 3 4 4 5
--R
--R
            105a e - 315a b d e - 315a b d e + 2625a b d e - 4725a b d e
--R
               2554 663 772
--R
--R
            4095a b d e - 1785a b d e + 315b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
              7 8 6 2 7 5 2 3 6
--R
--R
            315a d e - 1575a b d e + 2835a b d e - 1575a b d e
--R
--R
                3 4 5 4 2 5 6 3 6 7 2 7 8
--R
            - 1575a b d e + 2835a b d e - 1575a b d e + 315b d e
--R
--R
           2
--R
          х
--R
               7 2 7 6 3 6 5 2 4 5 4 3 5 4
--R
--R
            315a d e - 1785a b d e + 4095a b d e - 4725a b d e
```

```
--R
                                        3 4 6 3 2 5 7 2 6 8 7 9
--R
--R
                                     2625a b d e - 315a b d e - 315a b d e + 105b d
--R
--R
                                X
--R
                                  7 3 6 6 4 5 5 2 5 4 4 3 6 3 3 4 7 2
--R
--R
                           105a d e - 630a b d e + 1575a b d e - 2100a b d e + 1575a b d e
--R
                                        258 69
--R
--R
                          - 630a b d e + 105a b d
--R
                         +----+
--R
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1230
--S 1231 of 1293 ok to fail, differs by a constant
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                                       25 3445 25545
--R
                               ((12800A a b - 8960B a b )d e - 3840B a b d e )x
--R
                                                            3 4 4 3 4 5 2 5 3 4 5 4
--R
                                        (19200A a b - 13440B a b )d e + (44800A a b - 37120B a b )d e
--R
--R
--R
                                                                2 5 6 3
--R
                                      - 13440B a b d e
--R
--R
                                       4
--R
                                  X
--R
                                                            4 3
                                                                                                                                       3 4
--R
                                                                                     5 2 4 5
                                        (4800A a b - 3360B a b )d e + (67200A a b - 48480B a b )d e
--R
--R
--R
                                                              2 5
                                                                                 3 4 6 3
                                                                                                                                          2 5 7 2
                                         (56000A a b - 59360B a b )d e - 16800B a b d e
--R
--R
--R
                                       3
--R
                                     х
--R.
--R
                                                             5 2 6 4 5
                                                                                                                      4 3 5 2 5 4
--R
                                        (-800A a b + 560B a b)d e + (16800A a b - 11520B a b )d e
--R
                                                               3 4 4 3 6 3 2 5 3 4 7 2
--R
--R
                                          (84000A \ a \ b - 63840B \ a \ b ) d \ e + (28000A \ a \ b - 44800B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                                               2 5 8
```

```
- 8400B a b d e
--R
--R
--R
                                      2
--R
                                 x
--R
                                                       6 7 4 5 5 2 6 5 4
--R
--R
                                       (300A a b - 210B a )d e + (- 2800A a b + 1870B a b)d e
--R
                                                            43 5263 34 4372
--R
                                         (21000A \ a \ b - 13860B \ a \ b \ ) d \ e + (42000A \ a \ b - 35700B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                                                                                       3 4 8
                                                           2 5
                                                                                                                              2 5 9
--R
                                         (3500A \ a \ b \ - 15050B \ a \ b \ )d \ e \ - 1050B \ a \ b \ d
--R
--R
--R
--R
--R
                                               7 4 5
                                                                       6 7 5 4
--R
                               - 150A a d e + (1050A a b - 60B a )d e
--R
                                                  5 2 6 6 3 4 3 5 2 7 2
--R
--R
                                (-3500A \ a \ b + 560B \ a \ b)d \ e + (10500A \ a \ b - 4200B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                               3 4 4 3 8
                                                                                                                        2 5 3 4 9
--R
                                (5250A \ a \ b - 8400B \ a \ b ) d \ e + (-350A \ a \ b - 700B \ a \ b ) d
--R
                             +----+
--R
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                              6 2 9
--R
                                                  5 2
--R
                             (- 15A a b d - 375A a b )e
--R
                                                 4 3 5 2 2 5 3 6 2 8
--R
--R
                              ((105A \ a \ b - 6B \ a \ b )d + (2625A \ a \ b - 150B \ a \ b )d)e
--R
                                                   3 4 4 3 3
--R
                                                                                                                         4 4
                              ((-350A \ a \ b + 56B \ a \ b ) d + (-8750A \ a \ b + 1400B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
                                                                                                                       3 5
--R
                                                    2 5 3 4 4
                                                                                                                                                       4436
                               ((1050A a b - 420B a b )d + (26250A a b - 10500B a b )d )e
--R
--R
--R
                                                                         255
                                                                                                                    2 6
                                                                                                                                                    3 5 4 5
                              ((525A a b - 840B a b )d + (13125A a b - 21000B a b )d )e
--R
--R
--R
                                                                           6 6
                                                                                                                     7
                                                                                                                                            2654
                              ((- 35A b - 70B a b )d + (- 875A a b - 1750B a b )d )e
--R
--R
--R
                             6
--R
                           x
--R
--R
                                                         7 9
                                                  6
```

```
--R
           (- 30A a b d - 750A a b)e
--R
--R
                  5 2 6 2 6 2 7 8
--R
           ((150A \ a \ b - 12B \ a \ b)d + (3750A \ a \ b - 300B \ a \ b)d)e
--R
                   4 3 5 2 3
                                        5 3 6 2 2 7
--R
           ((- 280A a b + 88B a b )d + (- 7000A a b + 2200B a b )d )e
--R
--R
                  3 4 4 3 4 4 4
--R
                                                       5 3 3 6
           ((700A a b - 616B a b )d + (17500A a b - 15400B a b )d )e
--R
--R
                   2 5
                             3 4 5
                                             3 5
--R
            ((5250A \ a \ b \ - 3360B \ a \ b \ )d \ + (131250A \ a \ b \ - 84000B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
                         2 5 6
                                             2 6
--R
                                                        3 5 5 4
--R
           ((2030A a b - 3500B a b )d + (50750A a b - 87500B a b )d )e
--R
--R
                             6 7
                                             7 2663
           ((- 140A b - 280B a b )d + (- 3500A a b - 7000B a b )d )e
--R
--R
--R
--R
          Х
--R
--R
                 7 8 9
           (- 15A a d - 375A a )e
--R
--R
                  6 7 2
--R
           ((-15A \ a \ b - 6B \ a \ )d + (-375A \ a \ b - 150B \ a \ )d)e
--R
--R
                 5 2 6 3 6 2 7 2 7
--R
--R
           ((400A \ a \ b + 8B \ a \ b)d + (10000A \ a \ b + 200B \ a \ b)d)e
--R
--R
                    4 3 5 2 4
                                              5 3
           ((- 1120A a b - 8B a b )d + (- 28000A a b - 200B a b )d )e
--R
--R
                   3 4 4 3 5
--R
                                              4 4
--R
           ((6825A a b - 3864B a b )d + (170625A a b - 96600B a b )d )e
--R
--R
                    2 5
                          3 4 6
                                              3 5
                                                           4454
--R
            ((10465A \ a \ b \ - 9310B \ a \ b \ )d \ + (261625A \ a \ b \ - 232750B \ a \ b \ )d \ )e
--R
                    6
                                             2 6
--R
                             257
                                                          3 5 6 3
--R
           ((2870A \ a \ b - 5600B \ a \ b ) d + (71750A \ a \ b - 140000B \ a \ b ) d ) e
--R
                    7 68 7 2672
--R
            ((-210A b - 420B a b)d + (-5250A a b - 10500B a b)d)e
--R
--R
--R
--R
          х
--R
```

```
8 8
--R
                 7 2
--R
            (- 60A a d - 1500A a d)e
--R
                      7 3
                                      7 8 2 7
--R
                  6
           ((240A \ a \ b - 24B \ a \ )d + (6000A \ a \ b - 600B \ a \ )d )e
--R
--R
                   5 2 6 4
                                            6 2 7 3 6
--R
           ((-200A \ a \ b + 152B \ a \ b)d + (-5000A \ a \ b + 3800B \ a \ b)d)e
--R
--R
                            525
                                            5 3
                                                        6245
--R
--R
           ((420A a b - 1032B a b )d + (10500A a b - 25800B a b )d )e
--R
                          4 3 6
--R
                    3 4
                                              4 4
           ((13300A a b - 8176B a b )d + (332500A a b - 204400B a b )d )e
--R
--R
--R
                    2 5
                          3 4 7
                                          3 5
--R
            ((10360A \ a \ b \ - 12040B \ a \ b \ )d \ + (259000A \ a \ b \ - 301000B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
                   6 258
                                            2 6
                                                         3 5 7 2
            ((1680A \ a \ b - 4200B \ a \ b ) d + (42000A \ a \ b - 105000B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
                   7 6 9 7 2 6 8
--R
--R
           ((- 140A b - 280B a b )d + (- 3500A a b - 7000B a b )d )e
--R
--R
          3
--R
          х
--R
                 7 3
                       8 2 7
--R
--R
           (- 90A a d - 2250A a d )e
--R
                      7 4
                                       7 8 3 6
--R
                  6
--R
           ((510A \ a \ b - 36B \ a \ )d + (12750A \ a \ b - 900B \ a \ )d )e
--R
                                              6 2 7 4 5
                   5 2 6 5
--R
--R
           ((-1275A \ a \ b + 288B \ a \ b)d + (-31875A \ a \ b + 7200B \ a \ b)d)e
--R
                         5 2 6
                  4 3
--R
                                            5 3
--R
           ((3605A \ a \ b - 2078B \ a \ b ) d + (90125A \ a \ b - 51950B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
                          437
                                              4 4
           ((11200A a b - 8344B a b )d + (280000A a b - 208600B a b )d )e
--R
--R
--R
                   2 5 3 4 8 3 5
                                                     4472
--R
            ((5040A \ a \ b - 7560B \ a \ b )d + (126000A \ a \ b - 189000B \ a \ b )d )e
--R
--R
                            259
                                           2 6
--R
            ((245A \ a \ b - 1400B \ a \ b ) d + (6125A \ a \ b - 35000B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
                 7 6 10 7 2 6 9
            (-35A b - 70B a b)d + (-875A a b - 1750B a b)d
--R
```

```
--R
--R
           2
--R
           X
--R
                   7 4 8 3 6
--R
--R
            (- 60A a d - 1500A a d )e
--R
--R
            ((390A \ a \ b - 24B \ a \ )d + (9750A \ a \ b - 600B \ a \ )d )e
--R
--R
                     5 2 6 6
                                                  6 2 7 5 4
--R
            ((-1190A \ a \ b + 212B \ a \ b)d + (-29750A \ a \ b + 5300B \ a \ b)d)e
--R
--R
--R
                                527
                                                 5 3
            ((3500A \ a \ b - 1568B \ a \ b ) d + (87500A \ a \ b - 39200B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
--R
                     3 4
                            4 3 8
                                                  4 4
                                                               5 3 7 2
--R
            ((4200A \ a \ b - 4200B \ a \ b ) d + (105000A \ a \ b - 105000B \ a \ b ) d ) e
--R
                    2 5 3 4 9
--R
                                          3 5
--R
             ((910A \ a \ b \ - 1960B \ a \ b \ )d \ + (22750A \ a \ b \ - 49000B \ a \ b \ )d \ )e
--R
--R
                    6 2 5 10
                                                 2 6
--R
             (-70A \ a \ b \ -140B \ a \ b \ )d \ + (-1750A \ a \ b \ -3500B \ a \ b \ )d
--R
--R
--R
                7 5 8 4 5
--R
--R
         (- 15A a d - 375A a d )e
--R
--R
                      7 6
         ((105A \ a \ b - 6B \ a \ )d + (2625A \ a \ b - 150B \ a \ )d )e
--R
--R
                 5 2 6 7
                                            6 2 7 6 3
--R
--R
        ((-350A \ a \ b + 56B \ a \ b)d + (-8750A \ a \ b + 1400B \ a \ b)d)e
--R
--R
                4 3 5 2 8
                                            5 3
--R
         ((1050A \ a \ b - 420B \ a \ b ) d + (26250A \ a \ b - 10500B \ a \ b ) d ) e
--R
--R
                         439
                                            4 4
--R
         ((525A \ a \ b - 840B \ a \ b ) d + (13125A \ a \ b - 21000B \ a \ b ) d ) e
--R
--R.
               2 5 3 4 10
                                      3 5
                                                       449
         (-35A a b - 70B a b )d + (-875A a b - 1750B a b )d
--R
--R /
--R
                 8 2 4 10
                            7 3 5 9 6 4 6 8
--R
            525a b d e - 3150a b d e + 7875a b d e - 10500a b d e
--R
--R
                 4 6 8 6 3 7 9 5 2 8 10 4
--R
             7875a b d e - 3150a b d e + 525a b d e
```

```
--R
--R
        6
--R
        X
--R
             9 4 10 8 2 5 9 7 3 6 8 6 4 7 7
--R
--R
         1050a b d e - 4200a b d e + 3150a b d e + 10500a b d e
--R
               5 5 8 6 4 6 9 5
                                      3 7 10 4 2 8 11 3
--R
         - 26250a b d e + 25200a b d e - 11550a b d e + 2100a b d e
--R
--R
--R
--R
        x
--R
             10 4 10 9 5 9 8 2 6 8 7 3 7 7
--R
--R
          525a de + 1050a b d e - 14175a b d e + 33600a b d e
--R
--R
               6 4 8 6 5 5 9 5 4 6 10 4
                                                  3 7 11 3
          - 28875a b d e - 3150a b d e + 22575a b d e - 14700a b d e
--R
--R
--R
             2 8 12 2
--R
          3150a b d e
--R
--R
--R
         X
--R
             10 5 9 9 6 8 8 2 7 7 7 3 8 6
--R
--R
          2100a de - 6300a b de - 4200a b de + 39900a b de
--R
--R
                6 4 9 5 5 5 10 4 4 6 11 3 3 7 12 2
--R
          - 63000a b d e + 39900a b d e - 4200a b d e - 6300a b d e
--R
--R
              2 8 13
--R
          2100a b d e
--R
--R
         3
--R
         x
--R
             10 6 8 9 7 7 8 2 8 6 7 3 9 5
--R
          3150a de - 14700a b de + 22575a b de - 3150a b de
--R
--R
--R
               6 4 10 4 5 5 11 3 4 6 12 2 3 7 13
          - 28875a b d e + 33600a b d e - 14175a b d e + 1050a b d e
--R
--R
--R
             2 8 14
--R
         525a b d
--R
--R
--R
         X
--R
--R
             10 7 7 9 8 6 8 2 9 5 7 3 10 4
```

```
--R
           2100a de - 11550a b de + 25200a b de - 26250a b d e
--R
--R
                6 4 11 3 5 5 12 2 4 6 13 3 7 14
--R
          10500a b d e + 3150a b d e - 4200a b d e + 1050a b d
--R
--R
--R
          10 8 6 9 9 5 8 2 10 4
--R
       525a de - 3150a b de + 7875a b d e - 10500a b d e
--R
--R
--R
           6 4 12 2 5 5 13
                                   4 6 14
--R
        7875a b d e - 3150a b d e + 525a b d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1231
--S 1232 of 1293 ok to fail, differs by a constant
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
--R
       (- 15A a d - 375A a )e
--R
              4 5 2 5 6 4
--R
--R
       ((105A \ a \ b - 6B \ a \ )d + (2625A \ a \ b - 150B \ a \ )d)e
--R
--R
               3 2 4 3
--R
       ((-350A \ a \ b + 56B \ a \ b)d + (-8750A \ a \ b + 1400B \ a \ b)d)e
--R
               23 324 33 4232
--R
--R
       ((1050A a b - 420B a b )d + (26250A a b - 10500B a b )d )e
--R
--R
                       2 3 5
                                      2 4
--R
       ((525A a b - 840B a b )d + (13125A a b - 21000B a b )d )e
--R
                                      5
                      4 6
--R
--R
       (- 35A b - 70B a b )d + (- 875A a b - 1750B a b )d
--R /
          8 4 6 7 5 5 6 2 6 4 5 3 7 3 4 4 8 2
--R
--R
       525a d e - 3150a b d e + 7875a b d e - 10500a b d e + 7875a b d e
--R
            3 5 9
--R
                     2 6 10
--R
       - 3150a b d e + 525a b d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1232
--S 1233 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1233
)clear all
--S 1234 of 1293
t0:=(a+b*x)*(c+d*x)^n/(e+f*x)^n
--R
--R
--R
--R
        (b x + a)(d x + c)
--R (1) -----
                 n
--R
--R
             (f x + e)
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1234
--S 1235 of 1293
--r0:=1/2*b*(c+d*x)^(1+n)*(e+f*x)^(1-n)/(d*f)+1/2*(2*a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_0))
--d*e*(1+n)))*(c+d*x)^n*(e+f*x)^(1-n)*_
--hypergeometric(1-n,-n,2-n,d*(e+f*x)/(d*e-c*f))/_{-}
--(d*f^2*(1-n)*(-f*(c+d*x)/(d*e-c*f))^n)
--E 1235
--S 1236 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1236
--S 1237 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1237
--S 1238 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1238
)clear all
--S 1239 of 1293
t0:=(a+b*x)*(c+d*x)^(-1+n)/(e+f*x)^n
--R
--R
                         n - 1
--R
--R
        (b x + a)(d x + c)
--R (1) -----
                  n
--R
--R
               (f x + e)
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1239
```

```
--S 1240 of 1293
--r0\!:=\!-(b*c-a*d)*(c+d*x)^n*(e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)*n)-(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a))+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a)+(a*d*f-b*(c*f*(1
--d*e*n))*(c+d*x)^n*(e+f*x)^(1-n)*_
--(-f*(c+d*x)/(d*e-c*f))^n)
--E 1240
--S 1241 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1241
--S 1242 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1242
--S 1243 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--Е 1243
)clear all
--S 1244 of 1293
t0:=(a+b*x)*(c+d*x)^(-2+n)/(e+f*x)^n
--R
--R
--R
                                                                                n - 2
--R
                 (b x + a)(d x + c)
--R (1) -----
                                                  n
--R
--R
                                              (f x + e)
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1244
--S 1245 of 1293
--r0 := (b*c-a*d)*(c+d*x)^(-1+n)*(e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)*(1-n)) + \_
--b*(c+d*x)^n*(e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)*n)-b*(c+d*x)^n*(e+f*x)^(1-n)*_-
--hypergeometric(1-n,-n,2-n,d*(e+f*x)/(d*e-c*f))/(d*(d*e-c*f)*(1-n)*n*_
--(-f*(c+d*x)/(d*e-c*f))^n)
--E 1245
--S 1246 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1246
--S 1247 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1247
--S 1248 of 1293
```

```
--d0:=D(m0,x)
--E 1248
)clear all
--S 1249 of 1293
t0:=(a+b*x)*(c+d*x)^(-3+n)/(e+f*x)^n
--R
--R
                        n - 3
--R
--R
        (b x + a)(d x + c)
    (1) -----
--R
--R
               (f x + e)
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1249
--S 1250 of 1293
r0:=(b*c-a*d)*(c+d*x)^(-2+n)*(e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)*(2-n))+_{-}
    (a*d*f+b*(c*f*(1-n)-d*e*(2-n)))*(c+d*x)^(-1+n)*_{-}
    (e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)^2*(1-n)*(2-n))
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
          ((-b c f + b d e)n + (a d + b c)f - 2b d e)(d x + c)
--R
--R
                           2
                                2
--R
             ((-acd+bc)f+(ad-bcd)e)n+(acd-bc)f
--R
--R
                  2
--R
             (-ad +bcd)e
--R
--R
                  n - 2
--R
           (d x + c)
--R
--R
               - n + 1
--R
         (f x + e)
--R /
--R
                   2
                          3 2 2
                                        2 2
                                                 2
         (c d f - 2c d e f + d e )n + (- 3c d f + 6c d e f - 3d e )n + 2c d f
--R
--R
--R.
             2
                    3 2
--R
        - 4c d e f + 2d e
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1250
--S 1251 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
     (3)
--R
                  2 2 2 2 3
--R
         ((-bcdf + bdef)n + (ad + bcd)f - 2bdef)x
--R
--R
                        2 2
                                2
                                         2 2
--R
            ((- a c d - b c )f + a d e f + b d e )n + (3a c d + b c )f
--R
--R
            - 2b c d e f - 2b d e
--R
--R
--R
            2
--R
           x
--R
--R
                                2
                 2 2 2
                                          2
--R
            (-acf -bcef + (ad +bcd)e)n + 2acf + 2acdef
--R
--R
                2 2
--R
             (- a d - 3b c d)e
--R
--R
--R
--R
                              2
          (-acef+acde)n+2acef+(-acd-bc)e
--R
--R
--R
         (n - 3)\log(d x + c)
--R
--R /
                  2 2 2 2 2 2
--R
          2 2
                                                     2 2 2 2
--R
         (c f - 2c d e f + d e )n + (- 3c f + 6c d e f - 3d e )n + 2c f
--R
--R
                      2 2
--R
         - 4c d e f + 2d e
--R
        n \log(f x + e)
--R
--R
        %e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1251
--S 1252 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
          ((b c f - b d e)n + (- a d - b c)f + 2b d e)(d x + c)
--R
--R
--R
             ((a c d - b c )f + (- a d + b c d)e)n + (- a c d + b c )f
--R
--R
```

```
--R
--R
            (a d - b c d)e
--R
             n - 2
--R
--R
           (d x + c)
--R
--R
             -n+1 n \log(f x + e)
        (f x + e) %e
--R
--R
                                    2 2 3 3
--R
               2 2 3
                              3
--R
         ((-bcdf + bdef)n + (ad + bcd)f - 2bdef)x
--R
                      2 2
                              3
                                     3 2
--R
            ((-acd -bcd)f +adef+bde)n+(3acd +bcd)f
--R
--R
--R
                 2
                      3 2
--R
            - 2b c d e f - 2b d e
--R
--R
           2
--R
          X
--R
--R
               2 2 2 3 2 2 2 2
--R
            (-acdf -bcdef + (ad +bcd)e)n + 2acdf
--R
               2 3 2 2
--R
            2a c d e f + (- a d - 3b c d )e
--R
--R
--R
          х
--R
                2 2 2
                                    2 2 2
--R
         (-acdef+acde)n+2acdef+(-acd -bcd)e
--R
--R
--R
         (n - 3)\log(d x + c)
--R
        %e
--R /
        2 2 2 3 2 2 2 2
--R
        (c d f - 2c d e f + d e)n + (- 3c d f + 6c d e f - 3d e)n
--R
--R
         2 2 2
                       3 2
--R
        2c d f - 4c d e f + 2d e
--R
--R
--R
       n \log(f x + e)
--R
       %e
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 1252
--S 1253 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R
    (5)
                                          2 n - 2
--R
                         2
--R
             ((b c d f - b d e)n + (- a d - b c d)f + 2b d e)(d x + c)
--R
                      2 2 3
--R
                 ((a c d - b c d)f + (- a d + b c d)e)n
--R
--R
--R
                      2
                            2
               (- 2a c d + 2b c d)f + (2a d - 2b c d )e
--R
--R
                     n - 3
--R
               (d x + c)
--R
--R
--R
                  - n + 1
--R
            (f x + e)
--R
--R
             ((-b c f + b d e f)n + (a d + b c)f - 2b d e f)(d x + c)
--R
--R
--R
                ((-acd+bc)f + (ad -bcd)ef)n + (acd-bc)f
--R
--R
--R
                    2
--R
               (-ad +bcd)ef
--R
                 n - 2
--R
--R
               (d x + c)
--R
--R
--R
            (f x + e)
--R
--R
          n \log(f x + e)
--R
         %e
--R
--R
                          2 32 2 2 2
             (b c d f - 2b c d e f + b d e )n - 2b c d f + 4b c d e f
--R
--R
--R
                 3 2
             - 2b d e
--R
--R
--R
--R
--R.
            2 2 2 3 2 2 2 3 2
--R
         (a c d f - 2a c d e f + a d e) n - 2a c d f + 4a c d e f - 2a d e
--R
--R
         (n - 3)\log(d x + c)
--R
         %e
--R /
        2 2 2 3 2 2 2 3 2 n log(f x + e)
--R
      ((c d f - 2c d e f + d e)n - 2c d f + 4c d e f - 2d e)%e
--R
```

```
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1253
)clear all
--S 1254 of 1293
t0:=(a+b*x)*(c+d*x)^(-4+n)/(e+f*x)^n
--R
--R
                         n - 4
--R
--R
         (b x + a)(d x + c)
    (1) -----
--R
--R
               (f x + e)
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1254
--S 1255 of 1293
r0:=(b*c-a*d)*(c+d*x)^(-3+n)*(e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)*(3-n))+_{-}
    (2*a*d*f+b*(c*f*(1-n)-d*e*(3-n)))*(c+d*x)^(-2+n)*(e+f*x)^(1-n)/_
    (d*(d*e-c*f)^2*(2-n)*(3-n))-f*(2*a*d*f+b*(c*f*(1-n)-d*e*(3-n)))*_
    (c+d*x)^{(-1+n)}*(e+f*x)^{(1-n)}/(d*(d*e-c*f)^3*(1-n)*(2-n)*(3-n))
--R
--R
--R
     (2)
--R
          ((b c f - b d e f)n + (- 2a d - b c)f + 3b d e f)(d x + c)
--R
--R
--R
                   2 2
                                       2 2 2
--R
              (-bcf + 2bcdef - bde)n
--R
--R
                           2 2 2
              ((2a c d + 2b c )f + (- 2a d - 6b c d)e f + 4b d e )n
--R
--R
--R
                           2 2
                                    2
              (- 2a c d - b c )f + (2a d + 4b c d)e f - 3b d e
--R
--R
--R
                   n - 2
            (d x + c)
--R
--R
                               3 2 2
--R
--R
                   (-acd+bc)f + (2acd - 2bcd)ef
--R.
--R
                        3
                               2 2
                   (-ad+bcd)e
--R
--R
--R
                2
--R
               n
--R
--R
                      2
                             3 2
                                           2 2
```

```
--R
               (3a c d - 3b c)f + (-6a c d + 6b c d)e f
--R
                 3 2 2
--R
--R
               (3a d - 3b c d )e
--R
--R
--R
                             2 2
--R
                   3 2
          (- 2a c d + 2b c )f + (4a c d - 4b c d)e f + (- 2a d + 2b c d )e
--R
--R
--R
                n - 3
          (d x + c)
--R
--R
--R
             - n + 1
--R
       (f x + e)
--R /
--R
         3 3 2 2 2 3 2 4 3 3
--R
       (cdf - 3cdef + 3cdef - de)n
--R
--R
          3 3 2 2 2 3 2 4 3 2
--R
       (- 6c d f + 18c d e f - 18c d e f + 6d e )n
--R
--R
         3 3 2 2 2 3 2 4 3 3 3 2 2 2
--R
       (11c d f - 33c d e f + 33c d e f - 11d e )n - 6c d f + 18c d e f
--R
--R
           3 2 4 3
--R
       - 18c d e f + 6d e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1255
--S 1256 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
              23 3 2 3 3 2 4
--R
         ((b c d f - b d e f )n + (- 2a d - b c d )f + 3b d e f )x
--R
--R
                                  3 2 2
                2 3 2 2
--R
           (-bcdf + 2bcdef - bdef)n
--R
--R
--R
                  2 2 3
                                  3
                                       2 2 3 2
--R.
            ((2a c d + 5b c d)f + (- 2a d - 8b c d )e f + 3b d e f)n
--R
                 2 2 3 2 2
--R
            (-8a c d - 4b c d)f + 12b c d e f
--R
--R
--R
          3
--R
          х
--R
```

```
2 3 3 2 2 2
--R
--R
             (-acd-bc)f + (2acd + bcd)e f
--R
                 3 2 2
--R
                             3 3
--R
            (-ad +bcd)ef-bde
--R
--R
            2
--R
           n
--R
                    3 3
                             2 2 2
--R
--R
             (7a c d + 4b c )f + (- 8a c d - 4b c d)e f
--R
                    2 2
--R
                              3 3
             (a d - 4b c d)e f + 4b d e
--R
--R
--R
--R
                2 3 3 2 2 2 2 3 3
--R
--R
          (- 12a c d - 3b c )f + 9b c d e f + 9b c d e f - 3b d e
--R
--R
--R
         X
--R
--R
                3 3 2 3 2 2 2 2
--R
             -acf + (acd - bc)ef + (acd + 2bcd)ef
--R
                 3 2 3
--R
--R
            (-ad-bcd)e
--R
--R
            2
--R
            n
--R
                     2 3 2
--R
--R
             5a c f + (- a c d + 3b c )e f + (- 7a c d - 8b c d)e f
--R
               3
                      2 3
--R
--R
             (3a d + 5b c d )e
--R
--R
--R
                    2 2 2 2 2
--R
              3 3
--R
          - 6a c f - 6a c d e f + (6a c d + 12b c d)e f
--R.
--R
              3 2 3
--R
         (- 2a d - 4b c d )e
--R
--R
         x
--R
--R
          3 2 2 2 2 3 2
        (-acef+2acdef-acde)n
--R
```

```
--R
           3 2 2 3 2 2 3 3 2
--R
--R
         (5a c e f + (- 8a c d - b c )e f + (3a c d + b c d)e )n - 6a c e f
--R
             2 3 2 2 2 3
--R
--R
        (6a c d + 3b c )e f + (- 2a c d - b c d)e
--R
--R
         (n - 4)\log(d x + c)
--R
        %e
--R /
--R
           3 3 2 2 2 2 3 3 3
         (cf - 3cdef + 3cdef - de)n
--R
--R
                   2 2
--R
                                2 2 3 3 2
--R
         (- 6c f + 18c d e f - 18c d e f + 6d e )n
--R
--R.
                  2 2
                               2 2
                                     3 3 3 3 2 2
           3 3
--R
         (11c f - 33c d e f + 33c d e f - 11d e )n - 6c f + 18c d e f
--R
--R
              2 2 3 3
--R
         - 18c d e f + 6d e
--R
--R
        n \log(f x + e)
--R
        %e
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1256
--S 1257 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
           ((-b c f + b d e f)n + (2a d + b c)f - 3b d e f)(d x + c)
--R
--R
                 2 2
                                   222
--R
              (b c f - 2b c d e f + b d e)n
--R
                                    2
--R
                            2 2
--R
              ((- 2a c d - 2b c )f + (2a d + 6b c d)e f - 4b d e )n
--R
                                   2
--R
                        2 2
--R.
              (2a c d + b c )f + (- 2a d - 4b c d)e f + 3b d e
--R
--R
                  n - 2
            (d x + c)
--R
--R
--R
                     2
                          3 2
                   (a c d - b c) f + (-2a c d + 2b c d) e f
--R
--R
```

```
3 2 2
--R
--R
                (ad-bcd)e
--R
--R
             2
--R
             n
--R
                   2 3 2 2 2
--R
--R
               (-3a c d + 3b c)f + (6a c d - 6b c d)e f
--R
                  3 2 2
--R
--R
               (- 3a d + 3b c d )e
--R
--R
--R
             2 3 2 2 2
--R
--R
           (2a c d - 2b c)f + (- 4a c d + 4b c d)e f + (2a d - 2b c d)e
--R
               n - 3
--R
--R
           (d x + c)
--R
--R
             -n+1 n \log(f x + e)
--R
        (f x + e) %e
--R
--R
             3 3 4 2 4 3 3 4 2 4
--R
         ((b c d f - b d e f )n + (- 2a d - b c d )f + 3b d e f )x
--R
--R
               2 2 3 3 2 4 2 2
--R
            (-bcdf + 2bcdef - bdef)n
--R
                 3 223 4 3 2 42
--R
            ((2a c d + 5b c d)f + (-2a d - 8b c d)e f + 3b d e f)n
--R
--R
                 3 223
--R
--R
           (-8acd -4bcd)f +12bcdef
--R
--R
--R
         X
--R
                  2 2 3 3
                                       2 2 2
--R
                               3
--R
              (-acd -bcd)f + (2acd +bcd)ef
--R
--R
                  4 3 2 4 3
--R
              (-ad +bcd)ef-bde
--R
--R
              2
--R
--R
--R
                  2 2 3 3
                                    3
                                        2 2 2
              (7a c d + 4b c d)f + (- 8a c d - 4b c d )e f
--R
--R
```

```
4 3 2 4 3
--R
              (a d - 4b c d) e f + 4b d e
--R
--R
--R
--R
                2 2 3 3 2 2 2 3 2 4 3
--R
--R
           (-12acd - 3bcd)f + 9bcdef + 9bcdef - 3bde
--R
--R
--R
          X
--R
                 3 3 2 2 3 2 3 2 2
--R
              -acdf + (acd -bcd)ef + (acd + 2bcd)ef
--R
--R
--R
                  4 3 3
--R
             (-ad-bcd)e
--R
--R
              2
--R
--R
                3 3 2 2 3 2
--R
              5a c d f + (-a c d + 3b c d) e f
--R
--R
--R
                3 222 4 33
               (-7acd - 8bcd)ef + (3ad + 5bcd)e
--R
--R
--R
--R
--R
               3 3 2 2 2 3 2 2
--R
            -6acdf - 6acdef + (6acd + 12bcd)ef
--R
               4 3 3
--R
--R
            (- 2a d - 4b c d )e
--R
--R
--R
--R
                2 222
                               3 3 2
--R
         (-acdef + 2acdef - acde)n
--R
                             3 2
--R
                       2 2
         (5a c d e f + (-8a c d - b c d) e f + (3a c d + b c d) e) n
--R
--R
                                    3 223
--R
            3 2 22 32
--R
         - 6a c d e f + (6a c d + 3b c d) e f + (- 2a c d - b c d ) e
--R
--R
        (n - 4)\log(d x + c)
--R
        %e
--R /
        3 3 2 2 2 3 2 4 3 3
--R
--R
        (c d f - 3c d e f + 3c d e f - d e)n
```

```
--R
          3 3 2 2 2 3 2 4 3 2
--R
--R
        (- 6c d f + 18c d e f - 18c d e f + 6d e )n
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 2 4 3 3 3 2 2 2
--R
        (11c d f - 33c d e f + 33c d e f - 11d e )n - 6c d f + 18c d e f
--R
             3 2 4 3
--R
--R
        - 18c d e f + 6d e
--R
--R
        n \log(f x + e)
--R
       %e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1257
--S 1258 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
--R
               ((-bcdf + bdef)n + (2ad + bcd)f - 3bdef)
--R
--R
                  n - 2
--R
               (d x + c)
--R
                  2 2 2 3 2 2
--R
--R
                (b c d f - 2b c d e f + b d e)n
--R
                       2 2 2 3 2 3 2
--R
--R
                ((-2a c d - 3b c d)f + (2a d + 8b c d)e f - 5b d e)n
--R
                     2 2 2
--R
                                      3
                (4a c d + 2b c d)f + (- 4a d - 8b c d )e f + 6b d e
--R
--R
                    n - 3
--R
               (d x + c)
--R
--R
--R
                      2 2
                            3 2
                                        3 2 2
--R
                   (a c d - b c d)f + (-2a c d + 2b c d)e f
--R
--R
                     4 3 2
--R.
                  (ad-bcd)e
--R
--R
                  2
--R
                  n
--R
--R
                        2 2 3 2
                                       3 2 2
                   (-5acd +5bcd)f + (10acd -10bcd)ef
--R
--R
```

```
4 3 2
--R
--R
                  (- 5a d + 5b c d )e
--R
--R
                 n
--R
                                  3 22
                   2 2 3 2
--R
               (6a c d - 6b c d)f + (- 12a c d + 12b c d )e f
--R
--R
--R
                (6a d - 6b c d )e
--R
--R
--R
                   n - 4
              (d x + c)
--R
--R
--R
                - n + 1
--R
            (f x + e)
--R
--R
                  3 2
                                          3 2
--R
              ((b c f - b d e f )n + (- 2a d - b c)f + 3b d e f )
--R
--R
                  n - 1
--R
              (d x + c)
--R
--R
                   2 3 2 2 2 2
--R
               (-bcf + 2bcdef - bdef)n
--R
--R
               ((2a c d + 2b c )f + (- 2a d - 6b c d)e f + 4b d e f)n
--R
--R
                         2 3 2 2 2 2 2
--R
               (- 2a c d - b c )f + (2a d + 4b c d)e f - 3b d e f
--R
--R
--R
                    n - 2
--R
              (d x + c)
--R
                      2 3 3
                                      2 2 2
--R
                  (-acd+bc)f + (2acd - 2bcd)e f
--R
--R
                      3 2 2
--R
--R
                  (-ad+bcd)ef
--R
--R
                 2
--R.
                 n
--R
                     2 3 3 2 2 2
--R
                  (3a c d - 3b c )f + (- 6a c d + 6b c d)e f
--R
--R
--R
                     3 2 2
--R
                  (3a d - 3b c d )e f
--R
```

```
--R
               n
--R
                   2 3 3 2 2 2
--R
--R
               (- 2a c d + 2b c )f + (4a c d - 4b c d)e f
--R
                   3 2 2
--R
--R
              (- 2a d + 2b c d )e f
--R
--R
                   n - 3
--R
              (d x + c)
--R
--R
           (f x + e)
--R
--R
--R
         n \log(f x + e)
--R
        %e
--R
--R
               3 3 2 2 2 3 2 4 3 2
             (b c d f - 3b c d e f + 3b c d e f - b d e)n
--R
--R
--R
                3 3 2 2 2 3 2 4 3 3 3
--R
             (-5bcdf + 15bcdef - 15bcdef + 5bde)n + 6bcdf
--R
--R
                2 2 2 3 2 4 3
             - 18b c d e f + 18b c d e f - 6b d e
--R
--R
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 2 4 3 2
--R
--R
         (acdf - 3acdef + 3acdef - ade)n
--R
             3 3 2 2 2 3 2 4 3 3 3
--R
--R
         (-5acdf + 15acdef - 15acdef + 5ade)n + 6acdf
--R
             2 2 2 3 2
--R
         - 18a c d e f + 18a c d e f - 6a d e
--R
--R
--R
         (n - 4)\log(d x + c)
--R
        %e
--R /
         3 3 2 2 2 3 2
--R
                                4 3 2
        (c d f - 3c d e f + 3c d e f - d e)n
--R
--R.
--R
           3 3 2 2 2 3 2 4 3 3 3 2 2 2
--R
        (- 5c d f + 15c d e f - 15c d e f + 5d e )n + 6c d f - 18c d e f
--R
--R
          3 2 4 3
        18c d e f - 6d e
--R
--R
--R
       n \log(f x + e)
```

```
--R
        %e
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1258
)clear all
--S 1259 of 1293
t0:=(a+b*x)*(c+d*x)^(-5+n)/(e+f*x)^n
--R
--R
--R
                         n - 5
--R
         (b x + a)(d x + c)
--R
     (1) -----
--R
                       n
--R
                (f x + e)
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1259
--S 1260 of 1293
r0:=(b*c-a*d)*(c+d*x)^(-4+n)*(e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)*(4-n))+_
    (3*a*d*f+b*(c*f*(1-n)-d*e*(4-n)))*(c+d*x)^(-3+n)*(e+f*x)^(1-n)/_
    (d*(d*e-c*f)^2*(3-n)*(4-n))-2*f*(3*a*d*f+b*(c*f*(1-n)-d*e*(4-n)))*_
    (c+d*x)^{(-2+n)*(e+f*x)^{(1-n)}/(d*(d*e-c*f)^3*(2-n)*(3-n)*(4-n))+_{-}
    2*f^2*(3*a*d*f+b*(c*f*(1-n)-d*e*(4-n)))*(c+d*x)^(-1+n)*_
    (e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)^4*(1-n)*(2-n)*(3-n)*(4-n))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                             2
                                                3
                                                    2 n - 1
--R.
          ((- 2b c f + 2b d e f )n + (6a d + 2b c)f - 8b d e f )(d x + c)
--R
                  2 3 2
--R
--R
              (2b c f - 4b c d e f + 2b d e f)n
--R
--R
                             2 3
              ((- 6a c d - 4b c )f + (6a d + 14b c d)e f - 10b d e f)n
--R
--R
--R
                          2 3
                                     2
              (6a c d + 2b c )f + (- 6a d - 10b c d)e f + 8b d e f
--R
--R
--R
                    n - 2
            (d x + c)
--R
--R.
--R
                   3 3
                          2 2
                                         2 2 3 3 3
--R
              (-bcf + 3bcdef - 3bcdef + bde)n
--R
--R
                     2 3 3
--R
                 (3a c d + 4b c)f + (-6a c d - 15b c d)e f
--R
--R
                      3
                           2 2 3 3
```

```
--R
              (3a d + 18b c d )e f - 7b d e
--R
--R
              2
--R
             n
--R
                   2 3 3 2 2 2
--R
--R
              (- 9a c d - 5b c )f + (18a c d + 24b c d)e f
--R
                          2 2
--R
               (- 9a d - 33b c d )e f + 14b d e
--R
--R
--R
--R
--R
                     3 3
--R
            (6a c d + 2b c )f + (- 12a c d - 12b c d)e f
--R
--R
                    2 2 3 3
--R
            (6a d + 18b c d )e f - 8b d e
--R
--R
              n - 3
--R
           (d x + c)
--R
--R
                   3 4 3 2 2 3 2
--R
               (- a c d + b c )f + (3a c d - 3b c d)e f
--R
                     3 222 4 33
--R
--R
              (- 3a c d + 3b c d )e f + (a d - b c d )e
--R
--R
              3
--R
             n
--R
                  3 4 3 2 2 3 2
--R
--R
              (6a c d - 6b c )f + (- 18a c d + 18b c d)e f
--R
                    3 222
--R
                                        4
               (18a c d - 18b c d) e f + (-6a d + 6b c d) e
--R
--R
--R
              2
--R
             n
--R
--R
                         4 3 2 2
              (- 11a c d + 11b c )f + (33a c d - 33b c d)e f
--R
--R
--R
                      3 222
                                         4 3 3
               (-33a c d + 33b c d) e f + (11a d - 11b c d) e
--R
--R
--R
             n
--R
                   4 3 2 2 3 2
--R
--R
            (6a c d - 6b c)f + (-18a c d + 18b c d)e f
```

```
--R
            3 222 4 3 3
--R
--R
          (18a c d - 18b c d )e f + (- 6a d + 6b c d )e
--R
--R
               n - 4
--R
          (d x + c)
--R
--R
            - n + 1
       (f x + e)
--R
--R /
--R
        4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 4
--R
       (cdf-4cdef+6cdef-4cdef+de)n
--R
          4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 3
--R
--R
       (- 10c d f + 40c d e f - 60c d e f + 40c d e f - 10d e )n
--R
--R
         4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 2
--R
       (35c d f - 140c d e f + 210c d e f - 140c d e f + 35d e)n
--R
          4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3
--R
--R
       (-50c d f + 200c d e f - 300c d e f + 200c d e f - 50d e)n
--R
        4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
--R
       24c d f - 96c d e f + 144c d e f - 96c d e f + 24d e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1260
--S 1261 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                3 4 4 3
                                 4 3 4 4 3 5
--R
--R
        ((- 2b c d f + 2b d e f )n + (6a d + 2b c d )f - 8b d e f )x
--R
               2 2 4 3 3
--R
                                4 2 2 2
--R
           (2b c d f - 4b c d e f + 2b d e f)n
--R
                  3
                                          3 3 422
--R
                      2 2 4
                                 4
--R
           ((-6acd - 12bcd)f + (6ad + 20bcd)ef - 8bdef)n
--R
                 3
--R
                       224
                                  3 3
--R.
          (30a c d + 10b c d )f - 40b c d e f
--R
--R
           4
--R
          x
--R
               3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 3
--R
          (-bcdf + 3bcdef - 3bcdef + bdef)n
--R
--R
```

```
2 2 3 4 3 2 2 3
--R
              (3a c d + 10b c d)f + (- 6a c d - 25b c d )e f
--R
--R
--R
                        3 2 2 4 3
              (3a d + 20b c d )e f - 5b d e f
--R
--R
--R
             2
--R
            n
--R
                   2 2 3 4
--R
                                   3
                                            2 2 3
              (- 27a c d - 29b c d)f + (30a c d + 66b c d )e f
--R
--R
                       3 2 2 4 3
--R
              (- 3a d - 41b c d )e f + 4b d e f
--R
--R
--R
            n
--R
--R
              2 2 3 4 2 2 3
           (60a c d + 20b c d)f - 80b c d e f
--R
--R
--R
--R
          х
--R
--R
                 3 4 4 2 2 3 3 3 2 2
              (-acd-bc)f + (3acd + 2bcd)ef - 3acdef
--R
--R
                 4 3 3 4 4
--R
--R
             (a d - 2b c d )e f + b d e
--R
--R
             3
--R
            n
--R
                  3 4 4
--R
                                  2 2
--R
             (12a c d + 8b c )f + (- 27a c d - 14b c d)e f
--R
                        2 2 2 2 4
                                            3 3 4 4
--R
              (18a c d - 3b c d )e f + (- 3a d + 16b c d )e f - 7b d e
--R
--R
--R
             2
--R
            n
--R
--R
                       4 4 2 2 3 3
              (- 47a c d - 19b c )f + (60a c d + 36b c d)e f
--R.
--R
                    3 2 2 2 2 4 3 3 4 4
--R
              (- 15a c d + 15b c d )e f + (2a d - 46b c d )e f + 14b d e
--R
--R
--R
           n
--R
--R
                      4 4 3 3 2 2 2 2 3 3
              3
```

```
--R
           (60a c d + 12b c )f - 48b c d e f - 48b c d e f + 32b c d e f
--R
--R
               4 4
           - 8b d e
--R
--R
--R
          2
--R
          X
--R
                 4 4 3 4 3 3 2 2
--R
              - a c f + (2a c d - b c )e f + 3b c d e f
--R
--R
                    3 223
--R
                                    4
              (- 2a c d - 3b c d )e f + (a d + b c d )e
--R
--R
--R
             3
--R
             n
--R
--R
                 4 4
                         3
                                  4 3 2 2 3 2 2
              9a c f + (- 12a c d + 7b c )e f + (- 9a c d - 22b c d)e f
--R
--R
--R
                   3 223
              (18a c d + 23b c d )e f + (- 6a d - 8b c d )e
--R
--R
--R
              2
--R
             n
--R
                   4 4 3 4 3 2 2 3 2 2
--R
--R
               -26a c f + (10a c d - 12b c) e f + (45a c d + 55b c d) e f
--R
                     3 223 4 34
--R
--R
               (-40a c d - 60b c d) e f + (11a d + 17b c d) e
--R
--R
--R
                                    2 2
--R
                      3 3
           24a c f + 24a c d e f + (- 36a c d - 60b c d)e f
--R
--R
--R
                3 223
                                    4
           (24a c d + 40b c d )e f + (- 6a d - 10b c d )e
--R
--R
--R
          x
--R
--R
            4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 3
--R
         (-acef + 3acdef - 3acdef + acde)n
--R
--R
                       3 4 2 2 2 2 3 3
--R
           9a c e f + (- 24a c d - b c )e f + (21a c d + 2b c d)e f
--R
--R
                 3 224
--R
            (- 6a c d - b c d )e
```

```
--R
           2
--R
--R
          n
--R
                 4 3 3 4 2 2 2 2 3 3
--R
--R
           - 26a c e f + (57a c d + 7b c )e f + (- 42a c d - 10b c d)e f
--R
                3 224
--R
           (11a c d + 3b c d )e
--R
--R
--R
--R
                    3 4 2 2 2 2 3 3
--R
--R
         24a c e f + (-36a c d - 12b c) e f + (24a c d + 8b c d) e f
--R
--R
              3 224
        (- 6a c d - 2b c d )e
--R
--R
--R
        (n - 5)\log(d x + c)
--R
--R /
--R
         4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 4
--R
        (cf-4cdef+6cdef-4cdef+de)n
--R
--R
                 3 3 2222 33 443
            4 4
--R
        (- 10c f + 40c d e f - 60c d e f + 40c d e f - 10d e )n
--R
--R
           4 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 2
--R
        (35c f - 140c d e f + 210c d e f - 140c d e f + 35d e)n
--R
                 3
--R
             4 4
                        3 2 2 2 2 3 3
--R
        (-50c f + 200c d e f - 300c d e f + 200c d e f - 50d e)n + 24c f
--R
           3 3 2222 33 44
--R
--R
        - 96c d e f + 144c d e f - 96c d e f + 24d e
--R
--R
        n \log(f x + e)
--R
       %e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1261
--S 1262 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
                3 2
--R
--R
           ((2b c f - 2b d e f )n + (- 6a d - 2b c)f + 8b d e f )
--R
--R
                  n - 1
```

```
--R
           (d x + c)
--R
--R
                 2 3 2 2 2 2
--R
            (-2b c f + 4b c d e f - 2b d e f)n
--R
                                          2 2 2
--R
                        2 3
            ((6a c d + 4b c )f + (- 6a d - 14b c d)e f + 10b d e f)n
--R
--R
                        2 3 2
--R
            (-6acd-2bc)f + (6ad + 10bcd)ef - 8bdef
--R
--R
--R
           (d x + c)
--R
--R
--R
                    2 2 2 2 3 3 3
               3 3
--R
             (b c f - 3b c d e f + 3b c d e f - b d e )n
--R
--R
                    2 3 3 2 2 2
               (- 3a c d - 4b c )f + (6a c d + 15b c d)e f
--R
--R
--R
                    3 2 2 3 3
--R
               (- 3a d - 18b c d )e f + 7b d e
--R
--R
               2
--R
              n
--R
                   2 3 3 2
--R
--R
               (9a c d + 5b c )f + (- 18a c d - 24b c d)e f
--R
                   3 2 2 3 3
--R
--R
                (9a d + 33b c d)e f - 14b d e
--R
--R
--R
--R
                      3 3
                                   2
             (- 6a c d - 2b c )f + (12a c d + 12b c d)e f
--R
--R
--R
                 3 2 2
             (- 6a d - 18b c d )e f + 8b d e
--R
--R
--R
                 n - 3
--R
            (d x + c)
--R.
--R
                  3 4 3 2 2 3 2
                (a c d - b c )f + (- 3a c d + 3b c d)e f
--R
--R
                    3 222 4 33
--R
                (3a c d - 3b c d) e f + (-a d + b c d) e
--R
--R
--R
```

```
--R
             n
--R
--R
                    3 4 3 2 2 3 2
--R
                (- 6a c d + 6b c )f + (18a c d - 18b c d)e f
--R
                      3 222
--R
--R
               (-18a c d + 18b c d )e f + (6a d - 6b c d )e
--R
--R
--R
              n
--R
                         4 3
                                     2 2
                                             3 2
--R
               (11a c d - 11b c )f + (- 33a c d + 33b c d)e f
--R
--R
--R
                         2 2 2
                                      4
--R
                (33a c d - 33b c d )e f + (- 11a d + 11b c d )e
--R
--R
--R
                      4 3 2 2
--R
--R
             (- 6a c d + 6b c )f + (18a c d - 18b c d)e f
--R
--R
                   3 2 2 2 4 3 3
--R
             (- 18a c d + 18b c d )e f + (6a d - 6b c d )e
--R
--R
              n - 4
--R
            (d x + c)
--R
--R
              -n+1 n \log(f x + e)
--R.
         (f x + e) %e
--R
                44 5 3 5 4 4 5 3 5
--R
--R
         ((- 2b c d f + 2b d e f )n + (6a d + 2b c d )f - 8b d e f )x
--R
--R
                2 3 4 4 3
                                  5 2 2 2
            (2b c d f - 4b c d e f + 2b d e f)n
--R
--R
--R
                         234
                                   5
                                            4 3 522
             ((-6acd - 12bcd)f + (6ad + 20bcd)ef - 8bdef)n
--R
--R
--R
                  4 234
            (30a c d + 10b c d )f - 40b c d e f
--R
--R.
--R
--R
          X
--R
                3 2 4 2 3 3 4 2 2 5 3 3
--R
--R
            (-bcdf + 3bcdef - 3bcdef + bdef)n
--R
--R
                   2 3 3 2 4
                                   4 23 3
```

```
--R
               (3a c d + 10b c d)f + (-6a c d - 25b c d)e f
--R
--R
                  5 4 2 2 5 3
--R
               (3a d + 20b c d)e f - 5b d e f
--R
--R
              2
--R
             n
--R
                    23 324 4 233
--R
               (- 27a c d - 29b c d )f + (30a c d + 66b c d )e f
--R
--R
                   5 4 2 2 5 3
--R
               (-3ad-41bcd)ef+4bdef
--R
--R
--R
--R
--R
               2 3 3 2 4 2 3 3
--R
            (60a c d + 20b c d )f - 80b c d e f
--R
--R
           3
--R
           х
--R
                  3 2 4 4 2 3 3 2 3 4 2 2
--R
--R
               (-acd -bcd)f + (3acd + 2bcd)ef - 3acdef
--R
                 5 4 3 5 4
--R
--R
               (ad - 2bcd)ef+bde
--R
--R
              3
--R
              n
--R
                   3 2 4 4 2 3 3 2 3
--R
--R
               (12a c d + 8b c d)f + (-27a c d - 14b c d)e f
--R
                    4 2322
--R
                                    5
                                              4 3
               (18a c d - 3b c d) e f + (- 3a d + 16b c d) e f - 7b d e
--R
--R
--R
              2
--R
              n
--R
--R
                     3 2 4 4 2 3 3 2 3
               (-47a c d - 19b c d)f + (60a c d + 36b c d )e f
--R
--R.
--R
                    4 2322 5
                                             4 3 5 4
--R
              (-15a c d + 15b c d) e f + (2a d - 46b c d) e f + 14b d e
--R
--R
              n
--R
                3 2 4 4 3 2 3 2 3 2 2
--R
--R
            (60a c d + 12b c d)f - 48b c d e f - 48b c d e f
```

```
--R
             4 3 5 4
--R
--R
            32b c d e f - 8b d e
--R
--R
           2
--R
          X
--R
                  4 4 3 2 4 3 3 2 2 2
--R
               -acdf + (2acd -bcd)ef + 3bcdef
--R
--R
                    4 233 5
--R
              (- 2a c d - 3b c d ) e f + (a d + b c d ) e
--R
--R
--R
              3
--R
             n
--R
--R
                 4 4 3 2 4 3
--R
               9a c d f + (- 12a c d + 7b c d)e f
--R
                   23 3222 4 233
--R
               (-9a c d - 22b c d)e f + (18a c d + 23b c d)e f
--R
--R
                   5 4 4
--R
--R
              (- 6a d - 8b c d )e
--R
              2
--R
--R
             n
--R
                   4 4 3 2 4 3
--R
--R
               - 26a c d f + (10a c d - 12b c d)e f
--R
                  23 3222 4 233
--R
               (45a c d + 55b c d )e f + (- 40a c d - 60b c d )e f
--R
--R
                  5 4 4
--R
               (11a d + 17b c d)e
--R
--R
--R
--R
               4 4 3 2 3
--R
                                    2 3 3 2 2 2
            24a c d f + 24a c d e f + (- 36a c d - 60b c d ) e f
--R
--R
--R.
                4 233
                              5 4 4
            (24a c d + 40b c d )e f + (- 6a d - 10b c d )e
--R
--R
--R
--R
--R
             4 3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 3
         (-acdef + 3acdef - 3acdef + acde)n
--R
--R
```

```
4 3 3 2 4 2 2 2 3 3 2 3
--R
             9a c d e f + (- 24a c d - b c d)e f + (21a c d + 2b c d )e f
--R
--R
--R
                      234
                   4
--R
            (-6acd -bcd)e
--R
--R
            2
--R
          n
--R
--R
                  4 3
                             3 2 4 2 2
            - 26a c d e f + (57a c d + 7b c d)e f
--R
--R
                        3 2 3
--R
                                             234
--R
            (- 42a c d - 10b c d )e f + (11a c d + 3b c d )e
--R
--R
           n
--R
--R
                 3 3 2 4 2 2 2 3 3 2 3
          24a c d e f + (-36a c d - 12b c d) e f + (24a c d + 8b c d) e f
--R
--R
--R
               4 234
         (- 6a c d - 2b c d )e
--R
--R
--R
         (n - 5)\log(d x + c)
--R
         %e
--R /
         4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 4
--R
--R
         (cdf-4cdef+6cdef-4cdef+de)n
--R
--R
             4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 3
--R
        (- 10c d f + 40c d e f - 60c d e f + 40c d e f - 10d e )n
--R
--R
                   3 2 3
                             2 3 2 2
                                          4 3
--R
        (35c d f - 140c d e f + 210c d e f - 140c d e f + 35d e )n
--R
            4 4 3 2 3 2 3 2 2
--R
                                           4 3
--R
        (-50cdf + 200cdef - 300cdef + 200cdef - 50de)n
--R
          4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
--R
        24c d f - 96c d e f + 144c d e f - 96c d e f + 24d e
--R
       n \log(f x + e)
--R
--R
       %e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1262
--S 1263 of 1293
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R
    (5)
                     3 2 2 2 3 2 2
--R
--R
              ((2b c d f - 2b d e f)n + (-6a d - 2b c d)f + 8b d e f)
--R
--R
                    n - 2
               (d x + c)
--R
--R
                              2 2 3 2 2
--R
               (-2b c d f + 4b c d e f - 2b d e f)n
--R
--R
                         2 2 3
                                      3 2 2
--R
                    (6a c d + 6b c d)f + (- 6a d - 18b c d )e f
--R
--R
--R
                       3 2
--R
                    12b d e f
--R
--R
                 n
--R
                     2 2 3 3 2 2 3 2
--R
               (- 12a c d - 4b c d)f + (12a d + 20b c d )e f - 16b d e f
--R
--R
                  n - 3
--R
--R
               (d x + c)
--R
                  3 3 2 2 2 3 2 4 3 3
--R
                (b c d f - 3b c d e f + 3b c d e f - b d e)n
--R
--R
--R
                        2 2 3 3 3 2 2 2
--R
                   (- 3a c d - 6b c d)f + (6a c d + 21b c d )e f
--R
                       4 3 2 4 3
--R
--R
                  (- 3a d - 24b c d )e f + 9b d e
--R
--R
--R
                 n
--R
                                       3 22 2
                      2 2 3 3
--R
                  (15a c d + 11b c d)f + (- 30a c d - 48b c d )e f
--R
--R
--R
                              3 2
                  (15a d + 63b c d )e f - 26b d e
--R
--R
--R.
                 n
--R
                     2 2 3 3 3 2 2
--R
                (-18a c d - 6b c d)f + (36a c d + 36b c d )e f
--R
--R
--R
                             3 2 4 3
                (-18a d - 54b c d) e f + 24b d e
--R
--R
```

```
--R
                    n - 4
               (d x + c)
--R
--R
                      3 2 4 3 2 3 3 2 2
--R
                   (a c d - b c d)f + (- 3a c d + 3b c d )e f
--R
--R
                                      5 4 3
                        4 232
--R
                  (3a c d - 3b c d )e f + (- a d + b c d )e
--R
--R
--R
--R
                  n
--R
                        3 2 4 3 2 3 3 2 2
--R
                   (- 9a c d + 9b c d)f + (27a c d - 27b c d )e f
--R
--R
--R
                          4 232 5 43
--R
                   (- 27a c d + 27b c d )e f + (9a d - 9b c d )e
--R
--R
                  2
--R
                  n
--R
                       3 2 4 3 2 3 3 2 2
--R
--R
                   (26a c d - 26b c d)f + (- 78a c d + 78b c d )e f
--R
                        4 232
--R
                   (78a c d - 78b c d )e f + (- 26a d + 26b c d )e
--R
--R
--R
                  n
--R
--R
                      3 2 4 3 2 3 3 2 2
--R
                (- 24a c d + 24b c d)f + (72a c d - 72b c d )e f
--R
--R
                       4 232
--R
                (- 72a c d + 72b c d )e f + (24a d - 24b c d )e
--R
                    n - 5
--R
--R
               (d x + c)
--R
--R
                 - n + 1
--R
            (f x + e)
--R
--R
                              3
--R
              ((- 2b c f + 2b d e f )n + (6a d + 2b c)f - 8b d e f )
--R
--R
                    n - 1
--R
               (d x + c)
--R
--R
                          3 2222
               (2b c f - 4b c d e f + 2b d e f)n
--R
--R
```

```
2 4 2
                                       3 222
--R
               ((- 6a c d - 4b c )f + (6a d + 14b c d)e f - 10b d e f )n
--R
--R
--R
                                               3 222
                          2 4
                (6a c d + 2b c )f + (- 6a d - 10b c d)e f + 8b d e f
--R
--R
--R
                   n - 2
--R
              (d x + c)
--R
                          2 3
--R
                   3 4
                                      2 2 2 3 3 3
--R
               (-bcf + 3bcdef - 3bcdef + bdef)n
--R
                      2 3 4
                                       2
--R
                  (3a c d + 4b c )f + (- 6a c d - 15b c d)e f
--R
--R
--R
                     3 2 2 2 3 3
--R
                  (3a d + 18b c d )e f - 7b d e f
--R
--R
                 2
--R
                 n
--R
--R
                       2 3 4 2 2 3
--R
                  (- 9a c d - 5b c )f + (18a c d + 24b c d)e f
--R
                       3 2 2 2 3 3 3
--R
                   (-9ad - 33bcd)ef + 14bdef
--R
--R
--R
                 n
--R
                  2 3 4 2 2 3
--R
--R
                (6a c d + 2b c )f + (- 12a c d - 12b c d)e f
--R
                          2 2 2 3 3
--R
--R
                (6a d + 18b c d )e f - 8b d e f
--R
                   n - 3
--R
              (d x + c)
--R
--R
                            4 4 2 2
--R
                      3
                                           3 3
--R
                  (-acd+bc)f + (3acd - 3bcd)e f
--R
--R
                        3 2 2 2 2 4 3 3
--R.
                  (- 3a c d + 3b c d ) e f + (a d - b c d ) e f
--R
--R
                 3
--R
                 n
--R
--R
                     3 4 4 2 2 3 3
                  (6a c d - 6b c )f + (- 18a c d + 18b c d)e f
--R
--R
```

```
3 2 2 2 2 4 3 3
--R
                   (18a c d - 18b c d )e f + (- 6a d + 6b c d )e f
--R
--R
--R
                   2
--R
                  n
--R
                         3 4 4 2 2 3 3
--R
--R
                   (- 11a c d + 11b c )f + (33a c d - 33b c d)e f
--R
                          3 2 2 2 2 4 3 3
--R
                    (- 33a c d + 33b c d )e f + (11a d - 11b c d )e f
--R
--R
--R
--R
--R
                        4 4 2 2 3 3
--R
                 (6a c d - 6b c )f + (- 18a c d + 18b c d)e f
--R
--R
                      3 2 2 2 2 4 3 3
                 (18a c d - 18b c d )e f + (- 6a d + 6b c d )e f
--R
--R
--R
                   n - 4
--R
               (d x + c)
--R
--R
--R
            (f x + e)
--R
--R
          n \log(f x + e)
--R
         %e
--R
                4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 3
--R
--R
              (b c d f - 4b c d e f + 6b c d e f - 4b c d e f + b d e)n
--R
                     4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3
--R
--R
                - 9b c d f + 36b c d e f - 54b c d e f + 36b c d e f
--R
--R
                    5 4
--R
               - 9b d e
--R
                2
--R
--R
               n
--R
                    4 4 3 2 3 2 3 2 3 4 3
--R
--R
                 26b \ c \ d \ f \ - \ 104b \ c \ d \ e \ f \ + \ 156b \ c \ d \ e \ f \ - \ 104b \ c \ d \ e \ f
--R
--R
                  5 4
--R
                 26b d e
--R
--R
--R
                             3 2 3 2 3 2 3 4 3
--R
                  4 4
```

```
--R
             - 24b c d f + 96b c d e f - 144b c d e f + 96b c d e f
--R
--R
                 5 4
--R
             - 24b d e
--R
--R
--R
                    3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 3
--R
          (acdf - 4acdef + 6acdef - 4acdef + ade)n
--R
--R
              4 4 3 2 3 2 3 2 2
                                                4 3 5 4 2
--R
          (-9acdf + 36acdef - 54acdef + 36acdef - 9ade)n
--R
--R
                        3 2 3
--R
                                   2 3 2 2
             26a c d f - 104a c d e f + 156a c d e f - 104a c d e f
--R
--R
--R
               5 4
--R
             26a d e
--R
--R
          n
--R
              4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
--R
          - 24a c d f + 96a c d e f - 144a c d e f + 96a c d e f - 24a d e
--R
--R
         (n - 5)\log(d x + c)
         %e
--R
--R /
--R
         4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 3
--R
        (cdf-4cdef+6cdef-4cdef+de)n
--R.
--R
            4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 2
--R
        (-9cdf + 36cdef - 54cdef + 36cdef - 9de)n
--R
          4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3
--R
--R
        (26c d f - 104c d e f + 156c d e f - 104c d e f + 26d e )n
--R
--R
           4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3
       - 24c d f + 96c d e f - 144c d e f + 96c d e f - 24d e
--R
--R
--R
        n \log(f x + e)
--R
       %e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1263
)clear all
--S 1264 of 1293
t0:=(c+d*x)*(e+f*x)^n/(a+b*x)^n
--R
--R
```

```
--R
--R
                    (d x + c)(f x + e)
--R (1) -----
                                                 n
--R
--R
                                            (b x + a)
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1264
--S 1265 of 1293
--r0:=1/2*d*(a+b*x)^{(1-n)}*(e+f*x)^{(1+n)}/(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))-_{-})
--a*d*f*(1+n))*(-f*(a+b*x)/(b*e-a*f))^n*(e+f*x)^(1+n)*_
--hypergeometric(n,1+n,2+n,b*(e+f*x)/(b*e-a*f))/(b*f^2*(1+n)*(a+b*x)^n)
--E 1265
--S 1266 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1266
--S 1267 of 1293
--m0:=a0-r0
--Е 1267
--S 1268 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1268
)clear all
--S 1269 of 1293
t0:=(c+d*x)*(e+f*x)^(-1+n)/(a+b*x)^n
--R
--R
--R
                                                                                   n - 1
--R
                            (d x + c)(f x + e)
--R (1) -----
--R
--R
                                                (b x + a)
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1269
--S 1270 of 1293
--r0:=(d*e-c*f)*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^n/(f*(b*e-a*f)*n)+(b*(c*f-d*e*(1-n))-_{-}(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c
--a*d*f*n)*(-f*(a+b*x)/(b*e-a*f))^n*(e+f*x)^(1+n)*_
--hypergeometric(n,1+n,2+n,b*(e+f*x)/(b*e-a*f))/(f^2*(b*e-a*f)*n*_
--(1+n)*(a+b*x)^n
--E 1270
--S 1271 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1271
```

```
--S 1272 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1272
--S 1273 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1273
)clear all
--S 1274 of 1293
t0:=(c+d*x)*(e+f*x)^(-2+n)/(a+b*x)^n
--R
--R
--R
                           n - 2
--R
        (d x + c)(f x + e)
--R (1) -----
--R
--R
                (b x + a)
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1274
--S 1275 of 1293
--r0:=-(d*e-c*f)*(a+b*x)^{(1-n)}*(e+f*x)^{(-1+n)}/(f*(b*e-a*f)*(1-n))-\_
--d*(a+b*x)^{(1-n)}*(e+f*x)^n/(f*(b*e-a*f)*n)+b*d*(-f*(a+b*x)/(b*e-a*f))^n*_-
--(e+f*x)^{(1+n)}*hypergeometric(n,1+n,2+n,b*(e+f*x)/(b*e-a*f))/_
--(f^2*(b*e-a*f)*n*(1+n)*(a+b*x)^n)
--E 1275
--S 1276 of 1293
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1276
--S 1277 of 1293
--m0:=a0-r0
--E 1277
--S 1278 of 1293
--d0:=D(m0,x)
--E 1278
)clear all
--S 1279 of 1293
t0:=(c+d*x)*(e+f*x)^(-3+n)/(a+b*x)^n
--R
--R
                          n - 3
--R
--R (d x + c)(f x + e)
```

```
--R
     (1) -----
--R
--R
               (b x + a)
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1279
--S 1280 of 1293
r0:=-(d*e-c*f)*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-2+n)/(f*(b*e-a*f)*(2-n))-_
    (a*d*f*(2-n)-b*(c*f+d*(e-e*n)))*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-1+n)/_
    (f*(b*e-a*f)^2*(1-n)*(2-n))
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
          ((a d f - b d e)n + (- 2a d + b c)f + b d e)(b x + a)
--R
--R
                 n - 1
--R
          (f x + e)
--R
--R
            (a c f + (- a d - b c)e f + b d e )n - a c f + (a d + b c)e f
--R
--R
--R
--R
           - b d e
--R
            -n + 1 n - 2
--R
          (b x + a) (f x + e)
--R
--R /
--R
                2 2 2 2 2 3 2 2 2 3
--R.
         (a f - 2a b e f + b e f)n + (- 3a f + 6a b e f - 3b e f)n + 2a f
--R
--R
                2 2 2
--R
        -4abef+2bef
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1280
--S 1281 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                 2 2
                                           2 2 2 3
--R.
          ((a b d f - b d e f)n + (- 2a b d + b c)f + b d e f)x
--R
--R
                         2 2 2 2
              ((a d + a b c)f - b c e f - b d e)n - 2a d f
--R
--R
--R
                          2
             (- 2a b d + 3b c)e f + b d e
--R
--R
```

```
--R
           2
--R
           x
--R
--R
              2 2 2
--R
            (a c f + a d e f + (- a b d - b c)e )n - a c f
--R
--R
--R
             (-3a d + 2a b c)e f + 2b c e
--R
--R
--R
                       2 2
--R
                                       2
         (a c e f - a b c e )n - a c e f + (- a d + 2a b c)e
--R
--R
--R
         (n - 3)\log(f x + e)
--R
        %e
--R /
                                            2 2 2 2
--R
          2 2
                         2 2 2 2 2 2
--R
         (a f - 2a b e f + b e )n + (- 3a f + 6a b e f - 3b e )n + 2a f
--R
--R
--R
         - 4a b e f + 2b e
--R
--R
        n \log(b x + a)
--R
        %e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1281
--S 1282 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                                          2 3 2 2 3
--R
           ((a b d f - b d e f )n + (- 2a b d + b c)f + b d e f )x
--R
--R
                         3 2 2 2 2
--R
              ((ad+abc)f-bcef-bdef)n-2adf
--R
--R
                         2 2 2 2
              (- 2a b d + 3b c)e f + b d e f
--R
--R
--R.
             2
--R
             x
--R
--R
               2 3 2 2
                                        2 2 2 3
              (a c f + a d e f + (- a b d - b c)e f)n - a c f
--R
--R
                 2 2 2 2
--R
--R
              (-3ad + 2abc)ef + 2bcef
```

```
--R
--R
           X
--R
                2 2 2 2 2
--R
           2
--R
          (acef - abcef)n - acef + (- ad + 2abc)ef
--R
--R
          (n - 3)\log(f x + e)
--R
         %e
--R
--R
--R
           ((-adf+bde)n+(2ad-bc)f-bde)(bx+a)
--R
--R
                  n - 1
            (f x + e)
--R
--R
--R
                                         2
--R
             (-acf + (ad + bc)ef - bde)n + acf + (-ad - bc)ef
--R
--R
            b d e
--R
--R
           -n+1  n-2  (bx+a)  (fx+e)
--R
--R
--R
--R
         n \log(b x + a)
--R
         %e
--R /
--R
          23 2 2 2 2 2 3 2 2 2 3
--R
         (a f - 2a b e f + b e f)n + (- 3a f + 6a b e f - 3b e f)n + 2a f
--R
                2 22
--R
--R
        - 4a b e f + 2b e f
--R
--R
        n \log(b x + a)
--R
       %e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1282
--S 1283 of 1293
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1283
)clear all
--S 1284 of 1293
t0:=(c+d*x)*(e+f*x)^{-4+n}/(a+b*x)^n
```

```
--R
--R
--R
                          n - 4
          (d x + c)(f x + e)
--R
--R
     (1) -----
--R
--R
                (b x + a)
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1284
--S 1285 of 1293
 \texttt{r0:=-(d*e-c*f)*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-3+n)/(f*(b*e-a*f)*(3-n))+\_ } 
    (b*(2*c*f+d*e*(1-n))-a*d*f*(3-n))*(a+b*x)^(1-n)*_
    (e+f*x)^{(-2+n)}/(f*(b*e-a*f)^2*(2-n)*(3-n))+b*(b*(2*c*f+d*e*(1-n))-_
    a*d*f*(3-n))*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-1+n)/(f*(b*e-a*f)^3*(1-n)*_
    (2-n)*(3-n))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                                  2
--R
           ((a b d f - b d e)n + (- 3a b d + 2b c)f + b d e)(b x + a)
--R
--R
                 n - 1
--R
           (f x + e)
--R
--R
--R
            (a d f - 2a b d e f + b d e)n
--R
--R
--R.
             ((-4a d + 2a b c)f + (6a b d - 2b c)e f - 2b d e)n
--R
              2 2
--R
                                           2
             (3a d - 2a b c)f + (-4a b d + 2b c)e f + b d e
--R
--R
--R
                  - n + 1
                                n - 2
           (b x + a) (f x + e)
--R
--R
--R
                                      2
             (a c f + (- a d - 2a b c)e f + (2a b d + b c)e f - b d e )n
--R
--R
--R
                         2
            (-3a c f + (3a d + 6a b c)e f + (-6a b d - 3b c)e f + 3b d e)n
--R
--R.
--R.
                        2
                                                       2 2
                                                               2 3
            2a c f + (- 2a d - 4a b c)e f + (4a b d + 2b c)e f - 2b d e
--R
--R
--R
                 - n + 1 n - 3
--R
           (b x + a) (f x + e)
--R /
           3 4 2 3 2 2 2 3 3 3
--R
```

```
--R
       (af - 3abef + 3abef - bef)n
--R
--R
          3 4 2 3 2 2 2 3 3 2
--R
       (-6af + 18abef - 18abef + 6bef)n
--R
               2 3
                                        3 4 2 3
--R
          3 4
                          2 2 2
                                   3 3
--R
       (11a f - 33a b e f + 33a b e f - 11b e f)n - 6a f + 18a b e f
--R
           2 2 2 3 3
--R
       - 18a b e f + 6b e f
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1285
--S 1286 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
            2 3 3 2
                               2 3 3 3 2 4
         ((a b d f - b d e f) n + (- 3a b d + 2b c) f + b d e f) x
--R
--R
--R
            2 3 2 2 3 2 2
--R
           (abdf - 2abdef + bdef)n
--R
--R
                       2 3
                              2
                                    3 2 3 2
           ((- 3a b d + 2a b c)f + (8a b d - 2b c)e f - 5b d e f)n
--R
--R
--R
                 2 3 2 3 2
--R
           (- 12a b d + 8b c)e f + 4b d e f
--R
--R
           3
--R
          X
--R
               3 2 3 2
--R
                                      2
--R
               (a d + a b c)f + (- a b d - 2a b c)e f + (- a b d + b c)e f
--R
               3 3
--R
--R
              b d e
--R
--R
              2
--R
             n
--R
--R.
                 3 2 3 2 2 2 3 2
--R
              (-4ad-abc)f + (4abd+8abc)ef + (4abd-7bc)ef
--R
--R
                3 3
--R
              - 4b d e
--R
--R
             n
--R
```

```
3 3 2 2 2 3 3 3
--R
           3a d f - 9a b d e f + (- 9a b d + 12b c)e f + 3b d e
--R
--R
--R
          2
--R
          X
--R
              3 3 3 2 2
                                     2 2 2
--R
--R
              a c f + (a d - a b c)e f + (- 2a b d - a b c)e f
--R
                2 3 3
--R
--R
             (a b d + b c)e
--R
             2
--R
--R
            n
--R
--R
                         3
                              2 2
                                         2
--R
              - 3a c f + (- 5a d + 7a b c)e f + (8a b d + a b c)e f
--R
--R
                  2
                      3 3
--R
             (- 3a b d - 5b c)e
--R
--R
            n
--R
--R
           3 3 3 2 2 2 2 3 3
           2a c f + (4a d - 6a b c)e f + (- 12a b d + 6a b c)e f + 6b c e
--R
--R
--R
         X
--R
--R
         3
             2
                2 2 2 3 2
--R
        (acef - 2abcef + abce)n
--R
           3 2 3 2 2 2 2 3 3 2
--R
--R
        (- 3a c e f + (- a d + 8a b c) e f + (a b d - 5a b c) e )n + 2a c e f
--R
             2
--R
                  2
                         2
        (a d - 6a b c)e f + (- 3a b d + 6a b c)e
--R
--R
--R
        (n - 4)\log(f x + e)
--R
       %e
--R /
--R
                  2
                        2 2 3 3 3
        (af - 3abef + 3abef - be)n
--R
--R.
                 2 2
--R
           3.3
                            2 2 3 3 2
--R
        (-6af + 18abef - 18abef + 6be)n
--R
--R
          3 3 2 2 2 2 3 3 3 3 2 2
--R
        (11a f - 33a b e f + 33a b e f - 11b e )n - 6a f + 18a b e f
--R
--R
             2 2 3 3
```

```
--R
     - 18a b e f + 6b e
--R
       n \log(b x + a)
--R
--R
       %e
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1286
--S 1287 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
             2 4 3 3
                                  2
                                       3 4 3 3 4
--R
          ((a b d f - b d e f )n + (- 3a b d + 2b c)f + b d e f )x
--R
--R
--R
              2 4 2
                             3 3 2 2 2
--R
             (abdf - 2abdef + bdef)n
--R
--R
                 2
                       2 4
                                  2 3 3 3 2 2
             ((-3a b d + 2a b c)f + (8a b d - 2b c)e f - 5b d e f)n
--R
--R
--R
                  2 3 3 3 2 2
--R
             (-12a b d + 8b c)e f + 4b d e f
--R
--R
            3
--R
           X
--R
--R
                 3 2 4 2 2 3
--R
                (a d + a b c)f + (- a b d - 2a b c)e f
--R
--R
                    2
                        3 2 2 3 3
--R
               (-abd+bc)ef +bdef
--R
--R
--R
              n
--R
                        2 4
--R
                                 2
                (- 4a d - a b c)f + (4a b d + 8a b c)e f
--R
--R
                                 3 3
--R
                        3 22
                (4a b d - 7b c)e f - 4b d e f
--R
--R
--R.
              n
--R
--R
             3 4 2 3 2 3 2 3 3
             3a d f - 9a b d e f + (- 9a b d + 12b c)e f + 3b d e f
--R
--R
--R
            2
--R
           x
--R
```

```
3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
                a c f + (a d - a b c)e f + (- 2a b d - a b c)e f
--R
--R
--R
                  2
                       3 3
               (a b d + b c)e f
--R
--R
--R
--R
              n
--R
                  3 4 3 2
--R
                                       3
                                            2 2 2 2
--R
                - 3a c f + (- 5a d + 7a b c)e f + (8a b d + a b c)e f
--R
                         3 3
                    2
--R
--R
               (- 3a b d - 5b c)e f
--R
--R
--R
--R
                    3 2 3
                                       2 2 2 2 3 3
            2a c f + (4a d - 6a b c)e f + (- 12a b d + 6a b c)e f + 6b c e f
--R
--R
--R
--R
           3 3 2 22 2 3 2
--R
--R
          (acef - 2abcef + abcef)n
--R
             3 3 3 2 22 2
--R
--R
          (-3a c e f + (-a d + 8a b c) e f + (a b d - 5a b c) e f)n
--R
--R
               3 3 2
                             2 2 2
--R
          2a c e f + (a d - 6a b c) e f + (- 3a b d + 6a b c) e f
--R
--R
          (n - 4)\log(f x + e)
--R
--R
--R
                      2
                                       2
           ((-abdf+bde)n+(3abd-2bc)f-bde)(bx+a)
--R
--R
--R
                 n - 1
--R
            (f x + e)
--R
--R
             (-adf + 2abdef - bde)n
--R
--R
--R
                                       2
             ((4a d - 2a b c)f + (-6a b d + 2b c)e f + 2b d e)n
--R
--R
                2 2
--R
--R
             (- 3a d + 2a b c)f + (4a b d - 2b c)e f - b d e
--R
                  - n + 1 n - 2
--R
```

```
(b x + a) (f x + e)
--R
--R
                                          2 2 2 3 2
--R
                2 3 2
                                    2
--R
             (- a c f + (a d + 2a b c)e f + (- 2a b d - b c)e f + b d e )n
--R
                        2
--R
               2 3
             (3a c f + (- 3a d - 6a b c)e f + (6a b d + 3b c)e f - 3b d e )n
--R
--R
                2 3 2
                                    2
                                                   2 2 2 3
--R
             - 2a c f + (2a d + 4a b c)e f + (- 4a b d - 2b c)e f + 2b d e
--R
--R
--R
                  - n + 1 n - 3
            (b x + a) (f x + e)
--R
--R
--R
          n \log(b x + a)
--R
         %e
--R /
          3 4 2 3 2 2 2 3 3 3
--R
--R
         (af - 3abef + 3abef - bef)n
--R
--R
            3 4 2 3 2 2 2 3 3 2
--R
         (-6af + 18abef - 18abef + 6bef)n
--R
--R
           3 4 2 3 2 2 2 3 3 3 4 2 3
--R
        (11a f - 33a b e f + 33a b e f - 11b e f)n - 6a f + 18a b e f
--R
             2 2 2 3 3
--R
--R
         - 18a b e f + 6b e f
--R
--R
        n \log(b x + a)
--R
        %e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1287
--S 1288 of 1293
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1288
)clear all
--S 1289 of 1293
t0:=(c+d*x)*(e+f*x)^(-5+n)/(a+b*x)^n
--R
--R
                     n - 5
--R
   (d x + c)(f x + e)
--R
```

```
--R
     (1) -----
--R
--R
               (b x + a)
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1289
--S 1290 of 1293
r0:=-(d*e-c*f)*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-4+n)/(f*(b*e-a*f)*(4-n))+_
    (b*(3*c*f+d*e*(1-n))-a*d*f*(4-n))*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-3+n)/_
    (f*(b*e-a*f)^2*(3-n)*(4-n))+2*b*(b*(3*c*f+d*e*(1-n))-a*d*f*(4-n))*_
    (a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-2+n)/(f*(b*e-a*f)^3*(2-n)*(3-n)*(4-n))+_
    2*b^2*(b*(3*c*f+d*e*(1-n))-a*d*f*(4-n))*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-1+n)/_{\underline{\ }}
    (f*(b*e-a*f)^4*(1-n)*(2-n)*(3-n)*(4-n))
--R
--R
--R
     (2)
--R
              2 3
                                   2
                                         3 3
                                                       - n + 1
--R
          ((2a b d f - 2b d e)n + (- 8a b d + 6b c)f + 2b d e)(b x + a)
--R
--R
                n - 1
--R
          (f x + e)
--R
--R
             2 2 2 3 2 2
--R
           (2a b d f - 4a b d e f + 2b d e )n
--R
                  2 2 2 2
                                            3 3 2
--R
           ((- 10a b d + 6a b c)f + (14a b d - 6b c)e f - 4b d e )n
--R
--R
                   2
--R
                                     2
                                           3
--R
            (8a b d - 6a b c)f + (-10a b d + 6b c)e f + 2b d e
--R
                - n + 1 n - 2
--R
--R
          (b x + a) (f x + e)
--R
--R
             3 3
                      2
                           2
                                  2 2
            (a d f - 3a b d e f + 3a b d e f - b d e)n
--R
--R
--R
                        2 3
                                    2
               (-7a d + 3a b c)f + (18a b d - 6a b c)e f
--R
--R
                          3 2
--R
                     2
                                    3 3
              (- 15a b d + 3b c)e f + 4b d e
--R
--R.
--R
              2
--R
             n
--R
--R
                       2 3 2 2
--R
              (14a d - 9a b c)f + (- 33a b d + 18a b c)e f
--R
--R
                    2 3 2 3 3
```

```
--R
            (24a b d - 9b c)e f - 5b d e
--R
--R
          n
--R
             3 2 3 2 2 2 3 2
--R
         (-8ad+6abc)f + (18abd-12abc)ef + (-12abd+6bc)ef
--R
--R
--R
         2b d e
--R
--R
--R
             - n + 1 n - 3
        (b x + a) (f x + e)
--R
--R
                                    2
--R
                    3
                         2
                               3
--R
            a c f + (- a d - 3a b c)e f + (3a b d + 3a b c)e f
--R
--R
                2 3 3 3 4
--R
           (- 3a b d - b c)e f + b d e
--R
--R
           3
--R
          n
--R
--R
              3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
            - 6a c f + (6a d + 18a b c)e f + (- 18a b d - 18a b c)e f
--R
               2 3 3 3 4
--R
--R
            (18a b d + 6b c)e f - 6b d e
--R
--R
           2
--R
          n
--R
             3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R
            11a c f + (- 11a d - 33a b c)e f + (33a b d + 33a b c)e f
--R
                      3 3 3 4
--R
                 2
           (- 33a b d - 11b c)e f + 11b d e
--R
--R
--R
--R
           3 4
--R
                   3 2 3
                                     2
         - 6a c f + (6a d + 18a b c)e f + (- 18a b d - 18a b c)e f
--R
--R
--R
             2 3 3
                         3 4
--R
         (18a b d + 6b c)e f - 6b d e
--R
--R
             -n+1 n-4
--R
        (b x + a) \qquad (f x + e)
--R /
        45 3 4 2223 332 444
--R
--R
       (af - 4abef + 6abef - 4abef + bef)n
```

```
--R
         45 3 4 2223 332 443
--R
--R
       (- 10a f + 40a b e f - 60a b e f + 40a b e f - 10b e f)n
--R
         45 3 4 2223 332 442
--R
--R
       (35a f - 140a b e f + 210a b e f - 140a b e f + 35b e f)n
--R
--R
                  3 4
                             2 2 2 3
                                        3 3 2
       (-50af + 200abef - 300abef + 200abef - 50bef)n + 24af
--R
--R
--R
              4 2 2 2 3 3 3 2
       - 96a b e f + 144a b e f - 96a b e f + 24b e f
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1290
--S 1291 of 1293
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                  3
                                       4 4 4 3 5
         ((2a b d f - 2b d e f)n + (-8a b d + 6b c)f + 2b d e f)x
--R
--R
              2 2 4 3 3 4 2 2 2
--R
           (2abdf - 4abdef + 2bdef)n
--R
--R
--R
                                  3
                                       4 3 4 2 2
--R
            ((-8a b d + 6a b c)f + (20a b d - 6b c)e f - 12b d e f)n
--R
--R
                 3 4 3 4 2 2
--R
            (- 40a b d + 30b c)e f + 10b d e f
--R
--R
--R
          X
--R
             3 4 22 3 3 22 4 3 3
--R
--R
            (abdf - 3abdef + 3abdef - bdef)n
--R
--R
                        2 2 4
                                   2 2
              (- 5a b d + 3a b c)f + (20a b d - 6a b c)e f
--R
--R
--R
                    3
                         4 2 2
--R.
              (- 25a b d + 3b c)e f + 10b d e f
--R
--R
              2
--R
--R
--R
                      2 2 4
                                  2 2
              (4a b d - 3a b c)f + (- 41a b d + 30a b c)e f
--R
--R
```

```
3 4 2 2 4 3
--R
--R
              (66a b d - 27b c)e f - 29b d e f
--R
--R
--R
                3 4 2 2 4 3
--R
--R
          (- 80a b d + 60b c)e f + 20b d e f
--R
--R
          3
--R
          x
--R
                                     2 2 3 3 2 2
--R
                              3
              (a d + a b c)f + (- 2a b d - 3a b c)e f + 3a b c e f
--R
--R
--R
                     4 3
                             4 4
--R
             (2a b d - b c)e f - b d e
--R
--R
              3
--R
             n
--R
--R
                 4 3 4 3 22 3
--R
              (- 7a d - 3a b c)f + (16a b d + 18a b c)e f
--R
--R
                 2 2 3 2 2 3 4 3 4 4
              (- 3a b d - 27a b c)e f + (- 14a b d + 12b c)e f + 8b d e
--R
--R
--R
             2
--R
             n
--R
--R
                 4 3 4 3 22 3
--R
              (14a d + 2a b c)f + (- 46a b d - 15a b c)e f
--R
                 2 2 3 2 2
                                   3
--R
--R
              (15a b d + 60a b c)e f + (36a b d - 47b c)e f - 19b d e
--R
--R
--R
                                               3
              4 4 3 3 22 22
--R
           - 8a d f + 32a b d e f - 48a b d e f + (- 48a b d + 60b c)e f
--R
--R
             4 4
--R
--R
           12b d e
--R
--R
          2
--R
          х
--R
--R
              4 4 4 3 3 3 2 2
--R
              acf + (ad - 2abc)ef - 3abdef
--R
--R
               2 2 3 3 3 4 4
```

```
--R
              (3a b d + 2a b c)e f + (-a b d - b c)e
--R
--R
             3
--R
            n
--R
                 4 4 4 3 3 3 2 2 2 2
--R
--R
              - 6a c f + (- 8a d + 18a b c)e f + (23a b d - 9a b c)e f
--R
                  2 2 3 3
                                  3
--R
              (- 22a b d - 12a b c)e f + (7a b d + 9b c)e
--R
--R
             2
--R
--R
            n
--R
--R
                            3 3
                4 4 4
                                          3 2222
--R
              11a c f + (17a d - 40a b c)e f + (- 60a b d + 45a b c)e f
--R
--R
                2 2
                      3 3
                                     3
              (55a b d + 10a b c)e f + (- 12a b d - 26b c)e
--R
--R
--R
--R
--R
             4 4 4 3 3 3 2 2 2 2
--R
           - 6a c f + (- 10a d + 24a b c)e f + (40a b d - 36a b c)e f
--R
                2 2 3 3 4 4
--R
--R
           (-60a b d + 24a b c)e f + 24b c e
--R
--R
          X
--R
--R
             3 3 22 22 3 3 4 3
--R
        (acef-3abcef+3abcef-abce)n
--R
             4 3 4 3 22 3 22 3
--R
           - 6a c e f + (- a d + 21a b c)e f + (2a b d - 24a b c)e f
--R
--R
             2 2 3 4
--R
--R
          (- a b d + 9a b c)e
--R
--R
--R
          n
--R
--R.
            4 3 4 3 22 3 22 3
           11a c e f + (3a d - 42a b c)e f + (- 10a b d + 57a b c)e f
--R
--R
                  3 4
--R
            2 2
--R
          (7a b d - 26a b c)e
--R
--R
          n
--R
```

```
4 3 4 3 22 3 22 3
--R
        - 6a c e f + (- 2a d + 24a b c) e f + (8a b d - 36a b c) e f
--R
--R
                 3 4
--R
            2 2
--R
       (- 12a b d + 24a b c)e
--R
--R
        (n - 5)\log(f x + e)
--R
--R /
--R
              3 3 2 2 2 2 3 3 4 4 4
         4 4
--R
        (af - 4abef + 6abef - 4abef + be)n
--R
            4 4 3 3
                                      3 3 4 4 3
--R
                           2 2 2 2
--R
        (-10af + 40abef - 60abef + 40abef - 10be)n
--R
--R
          4 4 3
                      3 2 2 2 2 3 3
                                              4 4 2
--R
        (35a f - 140a b e f + 210a b e f - 140a b e f + 35b e)n
--R
--R
           4 4
                3 3 2222 33
                                              4 4 4 4
--R
        (-50a f + 200a b e f - 300a b e f + 200a b e f - 50b e)n + 24a f
--R
--R
          3 3 2222 33 44
--R
        - 96a b e f + 144a b e f - 96a b e f + 24b e
--R
--R
       n \log(b x + a)
--R
       %e
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1291
--S 1292 of 1293
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
             3 5 4 4
                                  3 4 5 4 4 5
         ((2a b d f - 2b d e f )n + (- 8a b d + 6b c)f + 2b d e f )x
--R
--R
--R
               2 2 5 3
                                 4 23 2
                            4
             (2a b d f - 4a b d e f + 2b d e f)n
--R
--R
                                3
--R
                                       4
                                           4 4 2 3
            ((-8abd+6abc)f + (20abd-6bc)ef -12bdef)n
--R
--R.
--R
                       4
                            4
                                4 2 3
            (- 40a b d + 30b c)e f + 10b d e f
--R
--R
--R
            4
--R
          x
--R
--R
                5 22 4 3 23 4 323
             3
```

```
--R
             (abdf - 3abdef + 3abdef - bdef)n
--R
--R
                    3 2 2 5 2 2 3 4
--R
                (- 5a b d + 3a b c)f + (20a b d - 6a b c)e f
--R
                     3 4 2 3 4 3 2
--R
--R
               (- 25a b d + 3b c)e f + 10b d e f
--R
--R
               2
--R
               n
--R
                        2 2 5
                                           3 4
                                    2 2
--R
                (4a b d - 3a b c)f + (- 41a b d + 30a b c)e f
--R
--R
--R
                         4 2 3 4 3 2
                    3
--R
                (66a b d - 27b c)e f - 29b d e f
--R
--R
--R
--R
                  3 4 2 3 4 3 2
--R
             (-80a b d + 60b c)e f + 20b d e f
--R
--R
            3
--R
            X
--R
                 4 3 5 3 22 4 3 23
--R
--R
                (a d + a b c)f + (- 2a b d - 3a b c)e f + 3a b c e f
--R
--R
                   3 4 3 2 4 4
--R
                (2a b d - b c)e f - b d e f
--R
--R
               3
--R
               n
--R
--R
                        3 5
                                   3
                                           2 2 4
                (- 7a d - 3a b c)f + (16a b d + 18a b c)e f
--R
--R
--R
                  2 2
                        3 23
                                        3 4 3 2 4 4
               (- 3a b d - 27a b c)e f + (- 14a b d + 12b c)e f + 8b d e f
--R
--R
--R
               2
--R
               n
--R.
--R
                       3 5 3
                                          2 2 4
                (14a d + 2a b c)f + (- 46a b d - 15a b c)e f
--R
--R
                   2 2 3 2 3 3 4 3 2 4 4
--R
--R
                (15a b d + 60a b c)e f + (36a b d - 47b c)e f - 19b d e f
--R
--R
              n
```

```
--R
              4 5 3 4 2 2 2 3 3 4 3 2
--R
--R
             - 8a d f + 32a b d e f - 48a b d e f + (- 48a b d + 60b c)e f
--R
--R
              4 4
--R
            12b d e f
--R
--R
--R
           x
--R
                4 5 4 3 4 3
--R
               acf + (ad - 2abc)ef - 3abdef
--R
--R
                 2 2 3 3 2
--R
                                     3
--R
               (3a b d + 2a b c)e f + (- a b d - b c)e f
--R
--R
               3
--R
              n
--R
--R
--R
               - 6a c f + (- 8a d + 18a b c)e f + (23a b d - 9a b c)e f
--R
                   2 2 3 3 2 3 4 4
--R
--R
               (- 22a b d - 12a b c)e f + (7a b d + 9b c)e f
--R
               2
--R
--R
              n
--R
--R
                 4 5 4 3 4 3 22 23
--R
               11a c f + (17a d - 40a b c)e f + (- 60a b d + 45a b c)e f
--R
                  2 2 3 3 2 3 4 4
--R
--R
               (55a b d + 10a b c)e f + (- 12a b d - 26b c)e f
--R
--R
--R
--R
                         4
                              3
                                    4
                                          3
                                                22 23
             - 6a c f + (- 10a d + 24a b c)e f + (40a b d - 36a b c)e f
--R
--R
                       3 32
--R
--R
            (-60a b d + 24a b c)e f + 24b c e f
--R
--R
          X
--R
--R
              4 3 23 22 32 3 4 3
--R
          (acef - 3abcef + 3abcef - abcef)n
--R
--R
                         4 3 23
                                         3 22 32
            - 6a c e f + (- a d + 21a b c) e f + (2a b d - 24a b c) e f
--R
--R
```

```
2 2 3 4
--R
            (- a b d + 9a b c)e f
--R
--R
--R
            2
--R
          n
--R
              4 4 4 3 23 3 22 32
--R
--R
             11a c e f + (3a d - 42a b c)e f + (- 10a b d + 57a b c)e f
--R
              2 2 3 4
--R
             (7a b d - 26a b c)e f
--R
--R
--R
--R
--R
            4 4 4 3 23 3 22 32
--R
          - 6a c e f + (- 2a d + 24a b c)e f + (8a b d - 36a b c)e f
--R
--R
             2 2 3 4
         (- 12a b d + 24a b c)e f
--R
--R
--R
          (n - 5)\log(f x + e)
--R
        %e
--R
--R
                          2
                                      3 3
                 2 3
            ((- 2a b d f + 2b d e)n + (8a b d - 6b c)f - 2b d e)
--R
--R
--R
                - n + 1 n - 1
--R
           (b x + a) (f x + e)
--R
--R
                2 2 2 3 2 2
--R
            (- 2a b d f + 4a b d e f - 2b d e )n
--R
--R
                                    2
                                        3
--R
            ((10a b d - 6a b c)f + (- 14a b d + 6b c)e f + 4b d e )n
--R
                                2 3
--R
                      2 2
--R
            (- 8a b d + 6a b c)f + (10a b d - 6b c)e f - 2b d e
--R
                 - n + 1 n - 2
--R
--R
            (b x + a) (f x + e)
--R
--R
                3 3
                     2
                            2 2 2 3 3 3
--R
             (-adf + 3abdef - 3abdef + bde)n
--R
--R
                      2 3
                                  2
                                          2 2
                (7a d - 3a b c)f + (- 18a b d + 6a b c)e f
--R
--R
--R
                        3 2
                                3 3
                   2
                (15a b d - 3b c)e f - 4b d e
--R
--R
```

```
--R
              2
--R
              n
--R
                   3 2 3 2 2 2
--R
               (- 14a d + 9a b c)f + (33a b d - 18a b c)e f
--R
--R
                     2 3 2 3 3
--R
--R
                (-24a b d + 9b c)e f + 5b d e
--R
--R
--R
                   2 3
                              2
--R
             (8a d - 6a b c)f + (- 18a b d + 12a b c)e f
--R
--R
--R
                2 3 2
                             3 3
--R
             (12a b d - 6b c)e f - 2b d e
--R
                - n + 1 n - 3
--R
            (b x + a) (f x + e)
--R
--R
--R
                 3 4 3 2 3 2 2 2 2
                - a c f + (a d + 3a b c)e f + (- 3a b d - 3a b c)e f
--R
--R
--R
                 2 3 3 3 4
                (3a b d + b c)e f - b d e
--R
--R
--R
               3
--R
              n
--R
                3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R
                6a c f + (- 6a d - 18a b c)e f + (18a b d + 18a b c)e f
--R
                         3 3 3 4
--R
                    2
--R
               (- 18a b d - 6b c)e f + 6b d e
--R
--R
               2
--R
              n
--R
                           3
--R
               - 11a c f + (11a d + 33a b c)e f
--R
--R
--R
                            2 2 2
                                        2
                                              3 3 3 4
--R
               (- 33a b d - 33a b c)e f + (33a b d + 11b c)e f - 11b d e
--R
--R
--R
             3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R
             6a c f + (- 6a d - 18a b c)e f + (18a b d + 18a b c)e f
--R
--R
                   2 3 3 3 4
```

```
--R
           (- 18a b d - 6b c)e f + 6b d e
--R
--R
             -n + 1 n - 4
          (b x + a) (f x + e)
--R
--R
--R
         n log(b x + a)
--R
--R /
         45 3 4 2223 332 444
--R
        (af - 4abef + 6abef - 4abef + bef)n
--R
--R
                            2 2 2 3 3 3 2
            4 5 3
                       4
--R
        (- 10a f + 40a b e f - 60a b e f + 40a b e f - 10b e f)n
--R
--R
--R
          45 3 4 2223 332 442
--R
        (35a f - 140a b e f + 210a b e f - 140a b e f + 35b e f)n
--R
--R
            4 5 3
                        4 2 2 2 3 3 3 2 4 4
--R
        (-50af + 200abef - 300abef + 200abef - 50bef)n
--R
--R
         45 3 4 2223 332 44
--R
       24a f - 96a b e f + 144a b e f - 96a b e f + 24b e f
--R
--R
       n \log(b x + a)
--R
       %e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1292
--S 1293 of 1293
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1293
)spool
)lisp (bye)
```

References

[1] nothing