\$SPAD/src/input rich4b.input

Albert Rich and Timothy Daly August 4, 2013

Abstract

 $x^m (a+b x^n)^p$ There are:

- \bullet 255 integrals in this file.
- $\bullet~255$ supplied "optimal results".
- 287 matching answers.
- 6 cases where Axiom answer differs from Rubi
- 47 cases where Axiom supplied 2 results.
- $\bullet\,$ 0 cases that Axiom failed to integrate.
- 9 that contain expressions Axiom does not recognize.

Contents

```
__ * __
)set break resume
)sys rm -f rich4b.output
)spool rich4b.output
)set message test on
)set message auto off
)clear all
--S 1 of 1369
t0:=x/(a-b*x^2)^5
--R
--R
--R
--R
          5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5
--R
        b x - 5a b x + 10a b x - 10a b x + 5a b x - a
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1
--S 2 of 1369
r0:=1/8/(b*(a-b*x^2)^4)
--R
--R
--R
                          1
--R
--R
--R
         58 46 234 322 4
--R
         b x - 4a b x + 6a b x - 4a b x + a b
--R
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 2
--S 3 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                           1
--R
--R
          58 46 234 322 4
--R
         8b x - 32a b x + 48a b x - 32a b x + 8a b
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 3
--S 4 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
```

```
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 4
--S 5 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 5
)clear all
--S 6 of 1369
t0:=1/(a-b*x^2)^5
--R
--R
--R
                                1
--R
   (1) - -----
          5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5
--R
--R
          b x - 5a b x + 10a b x - 10a b x + 5a b x - a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 6
--S 7 of 1369
r0:=1/8*x/(a*(a-b*x^2)^4)+7/48*x/(a^2*(a-b*x^2)^3)+_
    35/192*x/(a^3*(a-b*x^2)^2)+35/128*x/(a^4*(a-b*x^2))+_
    35/128*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a))/(a^(9/2)*sqrt(b))
--R
--R
--R
    (2)
--R
                                                           +-+
            48 36 224 32
--R
--R
        (105b x - 420a b x + 630a b x - 420a b x + 105a) atanh(----)
--R
                                                           +-+
--R
                                                          \|a
--R
            3 7
                      2 5 2 3 3 +-+ +-+
--R
        (-105b x + 385a b x - 511a b x + 279a x) | a | b
--R
--R /
                                        7 2 8 +-+ +-+
--R
          4 4 8 5 3 6
                              6 2 4
--R
      (384a b x - 1536a b x + 2304a b x - 1536a b x + 384a )\|a \|b
--R.
                                              Type: Expression(Integer)
--E 7
--S 8 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
--R [
           48 36 224 32 4
--R
--R
          (105b x - 420a b x + 630a b x - 420a b x + 105a)
--R
--R
               2
                    +---+
--R
             (b x + a) \setminus |a b + 2a b x
--R
          log(-----)
--R
                   b x - a
--R
--R
              3 7 2 5 2 3 3 +---+
--R
        (- 210b x + 770a b x - 1022a b x + 558a x)\|a b
--R
--R
          4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2
--R
       (768a b x - 3072a b x + 4608a b x - 3072a b x + 768a )\|a b
--R
--R
--R
--R
           48 36 224 32 4 x\|-ab
--R
--R
         (105b x - 420a b x + 630a b x - 420a b x + 105a)atan(-----)
--R
--R
            3 7 2 5 2 3 3 +----+
--R
--R
        (-105b x + 385a b x - 511a b x + 279a x) | -a b
--R
           4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2 8 +----+
--R
--R
       (384a b x - 1536a b x + 2304a b x - 1536a b x + 384a )\|- a b
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 8
--S 9 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                     2 +---+
         +-+ +-+ (b x + a)\|a b + 2a b x +---+ x\|b
--R
        35\|a \|b log(-----) - 70\|a b atanh(----)
--R
                          2
--R
                                                     +-+
--R
                         b x - а
--R
--R
                           4 +-+ +-+ +---+
--R
                         256a \|a \|b \|a b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 9
--S 10 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 10
--S 11 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                     x\|b +-+ +-+ x\|- a b
--R
--R
        - 35\|- a b atanh(----) + 35\|a \|b atan(-----)
                        +-+
--R
--R
                        \|a
--R
--R
                        4 +----+ +-+ +-+
--R
                     128a \|- a b \|a \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 11
--S 12 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 12
)clear all
--S 13 of 1369
t0:=1/(x*(a-b*x^2)^5)
--R
--R
--R
--R (1) - ------
         5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3 5
--R
        b x - 5a b x + 10a b x - 10a b x + 5a b x - a x
--R
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 13
--S 14 of 1369
r0:=1/8/(a*(a-b*x^2)^4)+1/6/(a^2*(a-b*x^2)^3)+1/4/(a^3*(a-b*x^2)^2)+_
    1/2/(a^4*(a-b*x^2))+\log(x)/a^5-1/2*\log(a-b*x^2)/a^5
--R.
--R
--R
    (2)
          48 36 224 32 4
--R
       (24b x - 96a b x + 144a b x - 96a b x + 24a )log(x)
--R
--R
           48 36 224 32 4
--R
                                                        2
```

```
--R
      (-12b x + 48a b x - 72a b x + 48a b x - 12a) log(-b x + a)
--R
--R
            3 6 2 2 4 3 2 4
--R
       - 12a b x + 42a b x - 52a b x + 25a
--R /
       5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
--R
      24a b x - 96a b x + 144a b x - 96a b x + 24a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 14
--S 15 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
           48 36 224 3 2 4
--R
       (-12b x + 48a b x - 72a b x + 48a b x - 12a) log(b x - a)
--R
--R
         48 36 224 32 4
--R
       (24b x - 96a b x + 144a b x - 96a b x + 24a )log(x) - 12a b x
--R
--R
         2 2 4 3 2 4
--R
        42a b x - 52a b x + 25a
--R /
       5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
--R
      24a b x - 96a b x + 144a b x - 96a b x + 24a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 15
--S 16 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
       - \log(b x - a) + \log(-b x + a)
--R (4) -----
--R
                     5
--R
                    2a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 16
--S 17 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 17
)clear all
```

```
--S 18 of 1369
t0:=1/(x^2*(a-b*x^2)^5)
--R
--R
--R
                                   1
--R
--R
           5 12 4 10 2 3 8
                                         3 2 6 4 4
            b \ x \quad -5 a \ b \ x \quad +10 a \ b \ x \quad -10 a \ b \ x \quad +5 a \ b \ x \quad -a \ x 
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 18
--S 19 of 1369
r0:=(-315/128)/(a^5*x)+1/8/(a*x*(a-b*x^2)^4)+3/16/(a^2*x*(a-b*x^2)^3)+_
    21/64/(a^3*x*(a-b*x^2)^2)+105/128/(a^4*x*(a-b*x^2))+_
    315/128*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a))*sqrt(b)/a^(11/2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
            4 9 3 7 2 2 5 3 3 4 +-+
--R
        (315b x - 1260a b x + 1890a b x - 1260a b x + 315a x) \ b atanh(----)
--R
                                                                       +-+
--R
                                                                      \|a
--R
                   3 6 2 2 4 3 2
--R
               4 8
--R
         (-315b x + 1155a b x - 1533a b x + 837a b x - 128a) | a
--R /
--R
           5 4 9 6 3 7 7 2 5 8 3 9 +-+
--R
       (128a b x - 512a b x + 768a b x - 512a b x + 128a x) | a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 19
--S 20 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
                                              3 3
--R
                     3 7 2 2 5
            (315b x - 1260a b x + 1890a b x - 1260a b x + 315a x) | -
--R
--R.
                                                                \|a
--R
--R
                    +-+
--R
                    |b
                          2
--R
                2a x |- + b x + a
--R
                   \|a
            log(-----)
--R
--R
                      2
```

```
--R
                b x - a
--R
         48 36 224 32 4
--R
--R
        - 630b x + 2310a b x - 3066a b x + 1674a b x - 256a
--R
         5 4 9 6 3 7 7 2 5 8 3 9
--R
--R
       256a b x - 1024a b x + 1536a b x - 1024a b x + 256a x
--R
--R
--R
--R
              49 37 225 33 4 | b
--R
         (- 315b x + 1260a b x - 1890a b x + 1260a b x - 315a x) |- -
--R
--R
--R
               +---+
--R
              lь
--R
              a |- -
--R
              \| a
          atan(-----)
--R
--R
            bх
--R
          48 36 224 32 4
--R
--R
        - 315b x + 1155a b x - 1533a b x + 837a b x - 128a
--R
--R
         549 637 725 83 9
--R
       128a b x - 512a b x + 768a b x - 512a b x + 128a x
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 20
--S 21 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                      . .
|b 2
--R
--R
                   2a x |- + b x + a
          +-+ |b
--R
                                             x \mid b
                  \|a
        --R
--R
--R
                      b x - a
                                              \|a
--R
--R.
                          5 +-+
--R
                         256a \|a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 21
--S 22 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
```

```
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 22
--S 23 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
--R
                                               | b
                                 +---+
--R
                                              a |- -
                                 | b +-+
                                              \| a
--R
                     x \mid b
         - 315\|b atanh(-----) - 315 |- - \|a atan(-----)
--R
--R
                       +-+
                             \| a
--R
                      \|a
--R
     (6) -----
--R
                             5 +-+
--R
                           128a \|a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 23
--S 24 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 24
)clear all
--S 25 of 1369
t0:=1/(x^3*(a-b*x^2)^5)
--R
--R
--R
                                1
    (1) - -----
--R
          5 13 4 11 2 3 9 3 2 7 4 5 5 3
--R
--R
         b x - 5a b x + 10a b x - 10a b x + 5a b x - a x
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 25
--S 26 of 1369
\texttt{r0:=(-5/2)/(a^5*x^2)+1/8/(a*x^2*(a-b*x^2)^4)+5/24/(a^2*x^2*(a-b*x^2)^3)+\_}
    5/12/(a^3*x^2*(a-b*x^2)^2)+5/4/(a^4*x^2*(a-b*x^2))+_
    5*b*log(x)/a^6-5/2*b*log(a-b*x^2)/a^6
--R
--R
--R
   (2)
```

```
5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2
--R
--R
      (120b x - 480a b x + 720a b x - 480a b x + 120a b x) log(x)
--R
--R
           5 10 4 8
                          2 3 6
                                   3 2 4
--R
      (-60b x + 240a b x - 360a b x + 240a b x - 60a b x) log(-b x + a)
--R
           48 236 324 42 5
--R
--R
       - 60a b x + 210a b x - 260a b x + 125a b x - 12a
--R /
      6 4 10 7 3 8 8 2 6 9 4 10 2
--R
--R
     24a b x - 96a b x + 144a b x - 96a b x + 24a x
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 26
--S 27 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 2
--R
--R
      (-60b x + 240a b x - 360a b x + 240a b x - 60a b x) log(b x - a)
--R
--R
         5 10 4 8 2 3 6
                                  3 2 4
      (120b x - 480a b x + 720a b x - 480a b x + 120a b x) log(x)
--R
--R
--R
        48 236 324 42 5
--R
       - 60a b x + 210a b x - 260a b x + 125a b x - 12a
--R /
--R
       6 4 10 7 3 8 8 2 6 9 4 10 2
--R
     --R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 27
--S 28 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
               2
--R
       - 5b \log(b x - a) + 5b \log(-b x + a)
   (4) -----
--R
--R
--R
                     2a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 28
--S 29 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 29
)clear all
--S 30 of 1369
t0:=1/(x*(1+b*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
          3
--R
       b x + x
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--R
--E 30
--S 31 of 1369
r0:=-atanh(1+2*b*x^2)
--R
--R
--R
--R (2) - atanh(2b x + 1)
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 31
--S 32 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                2
--R - log(b x + 1) + 2log(x)
--R (3) ------2
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 32
--S 33 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
     -\log(b x + 1) + 2\log(x) + 2atanh(2b x + 1)
--R
    (4) -----
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 33
--S 34 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 34
)clear all
--S 35 of 1369
t0:=1/(x*(-1+b*x^2))
--R
--R
--R
    (1) -----
--R
          3
--R
--R
       b x - x
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 35
--S 36 of 1369
r0:=atanh(1-2*b*x^2)
--R
--R
            2
--R
--R (2) - atanh(2b x - 1)
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 36
--S 37 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         2
--R
--R   \log(b \times -1) - 2\log(x)
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 37
--S 38 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         2
--R
     \log(b x - 1) - 2\log(x) + 2\operatorname{atanh}(2b x - 1)
    (4) -----
--R
--R
                           2
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 38
--S 39 of 1369
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 39
)clear all
--S 40 of 1369
t0:=1/(x^3*(1+b*x^2))
--R
--R
           1
--R
--R (1) -----
--R
          5 3
--R
       b x + x
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 40
--S 41 of 1369
r0:=(-1/2)/x^2+b*atanh(1+2*b*x^2)
--R
--R
         2 2
--R
     2b x atanh(2b x + 1) - 1
--R
    (2) -----
--R
--R
--R
                   2x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 41
--S 42 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          2 2 2
--R
       b \times log(b \times + 1) - 2b \times log(x) - 1
--R
    (3) -----
--R
--R
--R
                       2x
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 42
--S 43 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         b \log(b x + 1) - 2b \log(x) - 2b \operatorname{atanh}(2b x + 1)
--R
```

```
--R
--R
                            2
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 43
--S 44 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 44
)clear all
--S 45 of 1369
t0:=1/(x^3*(-1+b*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R
        5 3
--R
       b x - x
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 45
--S 46 of 1369
r0:=1/2/x^2+b*atanh(1-2*b*x^2)
--R
--R
          2 2
--R
--R - 2b x atanh(2b x - 1) + 1
--R (2) -----
--R
--R
                   2x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 46
--S 47 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          2 2 2
--R
    b \times log(b \times -1) - 2b \times log(x) + 1
--R
--R (3) -----
--R
                       2
--R
                      2x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 47
```

```
--S 48 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R b log(b x - 1) - 2b log(x) + 2b atanh(2b x - 1)
--R (4) -----
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 48
--S 49 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 49
)clear all
--S 50 of 1369
t0:=1/(-1+a+a*x^2)
--R
--R
--R
--R (1) -----
    2
ax + a - 1
--R
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 50
--S 51 of 1369
r0:=-atanh(x*sqrt(a)/sqrt(1-a))/sqrt((1-a)*a)
--R
--R
--R
                  +-+
--R
                 x\|a
        atanh(-----)
--R
          , <del>+</del>----+
--R
             \|- a + 1
--R
--R (2) - -----
--R +----+
            1 2
--R
           \|-a + a
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 51
--S 52 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
             2 | 2 2
           2 | 2 2
(a x - a + 1)\|- a + a + (2a - 2a)x
--R
                                          +----+
| 2
--R
        log(-----) x\|a - a
--R
--R
                                      atan(-----)
                    ax + a - 1
--R
                                             a - 1
--R
--R
--R
                    1 2
                                           | 2
                                          \|a - a
--R
                    2\|- a + a
--R
                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 52
--S 53 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
            2 | 2 2
--R
          (a x - a + 1)\|- a + a + (2a - 2a)x x\|a
--R
       log(-----) + 2atanh(-----)
--R
                  2
--R
--R
                    ax +a-1
--R
--R
--R
                           1 2
--R
                           2\|- a + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 53
--S 54 of 1369
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
--R
    (5)
--R
         | 2 2 +----+ +-+ 2 | 2
--R
--R
      (2x\|-a + a - a x + a - 1)\|-a + 1 \|a + (a x - a + 1)\|-a + a
--R
        2
--R
--R
       (2a - 2a)x
--R /
--R
     2 4 2 | 2 3 2 3 3 2
--R
     (a x - a + 2a - 1) | - a + a + (2a - 2a)x + (2a - 4a + 2a)x
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 54
```

```
--S 55 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
        --R
--R
--R
        \|a - a atanh(-----) + \|- a + a atan(-----)
                   +----+
--R
                                           a - 1
--R
                  \|- a + 1
--R
   (6) -----
                     +----+
--R
                      | 2 | 2
--R
                     \|- a + a \|a - a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 55
--S 56 of 1369
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R
--R
        | 2 +----- 2
       \|-a +a\|-a+1\|a +a -a
--R
--R
         3 2 2 3 2
--R
         (a - a)x + a - 2a + a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 56
)clear all
--S 57 of 1369
t0:=1/(-c-d+(c-d)*x^2)
--R
--R
--R
--R
   (1) - -----
--R
--R
        (d - c)x + d + c
--R
                                 Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 57
--S 58 of 1369
r0:=-atanh(x*sqrt(c-d)/sqrt(c+d))/(sqrt(c-d)*sqrt(c+d))
--R
--R
--R
               +----+
             x = d + c
--R
        atanh(-----)
--R
```

```
--R
--R
              \|d + c
--R
        +----+
--R
--R
         \|- d + c \|d + c
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 58
--S 59 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    --R
--R
--R
                                             atan(-----)
--R
                     2
--R
                  (d - c)x + d + c
--R
--R
--R
                   1 2 2
                                                | 2 2
--R
                   2 \mid -d + c
                                                \|d - c
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 59
--S 60 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                            2 | 2 2 2 2
--R
      +----+ +---+ ((d - c)x - d - c) = d + c + (-2d + 2c)x
--R
      \|- d + c \|d + c log(------)
--R
                                  (d - c)x + d + c
--R
--R
--R
       | 2 2 x\|-d+c
--R
       2\|- d + c atanh(-----)
--R
--R
--R
                      \|d + c
--R /
      +----+
--R
     | 2 2 +----+
--R
     2|-d + c |-d + c |d + c
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 60
```

```
--S 61 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 61
--S 62 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
--R
                                  +----+ +----+ x\|d - c
--R
         | 2 2 x\|- d + c
--R
         \|d - c atanh(-----) - \|- d + c \|d + c atan(-----)
--R
--R
                       \|d + c
--R (6) ------
--R
                         +-----+ +----+ | 2 2
--R
--R
                         \|- d + c \|d + c \|d - c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 62
--S 63 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 63
)clear all
--S 64 of 1369
t0:=1/(x*(1+b*x^2)^2)
--R
--R
--R
    (1) -----
--R
--R
        2 5 3
--R.
       b x + 2b x + x
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 64
--S 65 of 1369
r0:=1/2/(1+b*x^2)-atanh(1+2*b*x^2)
--R
--R
```

```
--R
--R
        (-2b x - 2)atanh(2b x + 1) + 1
--R
     (2) -----
                    2
--R
--R
                   2b x + 2
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 65
--S 66 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
             2 2 2
--R
         (-b x - 1)\log(b x + 1) + (2b x + 2)\log(x) + 1
--R
--R
--R
                           2
--R
                          2b x + 2
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 66
--S 67 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         -\log(b x + 1) + 2\log(x) + 2atanh(2b x + 1)
--R
--R
     (4) -----
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 67
--S 68 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 68
)clear all
--S 69 of 1369
t0:=1/(x*(-1+b*x^2)^2)
--R
--R
--R
               1
    (1) -----
--R
         2 5 3
--R
--R
         b x - 2b x + x
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
```

```
--E 69
--S 70 of 1369
r0:=1/2/(1-b*x^2)-atanh(1-2*b*x^2)
--R
--R
--R
--R
       (2b x - 2)atanh(2b x - 1) - 1
--R (2) -----
            2
--R
--R
                2b x - 2
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 70
--S 71 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
            2 2 2
--R
     (-b x + 1)\log(b x - 1) + (2b x - 2)\log(x) - 1
--R
--R
                          2
--R
                         2b x - 2
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 71
--S 72 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R - log(b x - 1) + 2log(x) - 2atanh(2b x - 1)
   (4) -----
--R
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 72
--S 73 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 73
)clear all
--S 74 of 1369
t0:=x^m/(1+a*x^2/b)^2
--R
```

```
--R
--R
                 2 m
--R
                 bх
--R (1) -----
         24 2 2
--R
--R
        ax + 2abx + b
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 74
--S 75 of 1369
--r0:=1/2*b*x^{(1+m)}/(b+a*x^2)+1/2*(1-m)*x^{(1+m)}*_
-- hypergeometric(1,1/2*(1+m),1/2*(3+m),-a*x^2/b)/(1+m)
--E 75
--S 76 of 1369
--a0:=integrate(t0,x)
--E 76
--S 77 of 1369
--m0:=a0-r0
--E 77
--S 78 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--E 78
)clear all
--S 79 of 1369
t0:=x^m*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R +----
--R m | 2
           +----+
--R (1) x \mid b x + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 79
--S 80 of 1369
--r0:=x^{(1+m)}*sqrt(a+b*x^2)/(2+m)+a*x^{(1+m)}*_
    hypergeometric(1/2,1/2*(1+m),1/2*(3+m),-b*x^2/a)*_
      sqrt((a+b*x^2)/a)/((2+3*m+m^2)*sqrt(a+b*x^2))
--E 80
--S 81 of 1369
--a0:=integrate(t0,x)
--E 81
--S 82 of 1369
--m0:=a0-r0
```

```
--E 82
--S 83 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--E 83
)clear all
--S 84 of 1369
t0:=x^7*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                            7 | 2
--R
--R (1) x \mid b x + a
--R
                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 84
--S 85 of 1369
r0:=-1/3*a^3*(a+b*x^2)^(3/2)/b^4+3/5*a^2*(a+b*x^2)^(5/2)/b^4-_
              3/7*a*(a+b*x^2)^(7/2)/b^4+1/9*(a+b*x^2)^(9/2)/b^4
--R
--R
                                      48 36 224 3 2 4 2
--R
                  (35b x + 5a b x - 6a b x + 8a b x - 16a )\|b x + a
--R
             (2) -----
--R
--R
--R
                                                                                                           315b
--R
                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 85
--S 86 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                                        4 16 2 3 14 3 2 12 4 10 5 8
--R
                                   (-315a b x - 4245a b x - 15666a b x - 21672a b x - 10080a x)
--R
--R
--R
                                   +----+
--R
                                   1 2
--R.
                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                            5 18 4 16 2 3 14 3 2 12 4 10
--R
                                    35b x + 1440a b x + 9999a b x + 25242a b x + 26712a b x
--R
--R
--R
--R
                                    10080a x
--R
```

```
--R
                                                                         +-+
--R
                                                                    \|a
--R /
                                                                                                                                         3 6 2 2 4 3 2 4 +-+
--R
                                                                                    4 8
--R
                                                                     (315b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a) \a
--R
--R
                                                                            +----+
--R
                                                                       | 2
--R
                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                              48 236 324 42 5
                                                         - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x - 80640a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 86
--S 87 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
--R
                                                                                   5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9 | 2
--R
                                                          (-16a b x - 640a b x - 3840a b x - 7168a b x - 4096a) \begin{picture}(b x + a) & (-16a b x - 640a b x - 640a
--R
--R
                                                                                       5 4 8 6 3 6 7 2 4
                                                                                                                                                                                                                                                                                        8 2
--R
                                                            (144a b x + 1920a b x + 6912a b x + 9216a b x + 4096a) \a
--R /
--R
                                                                                                 88 76 264 352 44+-+
--R
                                                                       (315b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a b )\a
--R
--R
                                                                           +----+
                                                                     | 2
--R
--R
                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                           276 364 452
--R
                                                                                                    8 8
                                                          - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x - 80640a b
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 87
--S 88 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 88
)clear all
--S 89 of 1369
```

```
t0:=x^5*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R +-----
--R 5 | 2
--R (1) x \mid b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 89
--S 90 of 1369
r0:=1/3*a^2*(a+b*x^2)^(3/2)/b^3-2/5*a*(a+b*x^2)^(5/2)/b^3+_
   1/7*(a+b*x^2)^(7/2)/b^3
--R
--R
--R
--R
           3 6 2 4 2 2 3 | 2
--R
       (15b x + 3a b x - 4a b x + 8a) \ b x + a
--R (2) -----
--R
                          3
--R
                         105b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 90
--S 91 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
              3 12 2 2 10 3 8 4 6 | 2
--R
--R
      (- 105a b x - 861a b x - 1820a b x - 1120a x )\|b x + a
--R
                                          3 8 4 6 +-+
           4 14 3 12
--R
                              2 2 10
--R
       (15b x + 378a b x + 1631a b x + 2380a b x + 1120a x) | a
--R /
--R
           3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
       (105b x + 2520a b x + 8400a b x + 6720a) | a | b x + a - 735a b x
--R
--R
             2 2 4
                     3 2
--R
       - 5880a b x - 11760a b x - 6720a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 91
--S 92 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                          +----+
```

```
4 3 6 5 2 4 6 2 7 | 2
--R
--R
      (8a b x + 192a b x + 640a b x + 512a )\|b x + a
--R
            4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+
--R
--R
       (- 56a b x - 448a b x - 896a b x - 512a )\|a
--R /
--R
           6 6 5 4 2 4 2 3 3 +-+ | 2
--R
--R
       (105b x + 2520a b x + 8400a b x + 6720a b )\|a \|b x + a - 735a b x
--R
--R
            254 342 43
        - 5880a b x - 11760a b x - 6720a b
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 92
--S 93 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 93
)clear all
--S 94 of 1369
t0:=x^3*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R +-----
--R 3 | 2
         +----+
--R (1) x \mid b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 94
--S 95 of 1369
r0:=-1/3*a*(a+b*x^2)^(3/2)/b^2+1/5*(a+b*x^2)^(5/2)/b^2
--R
--R
--R
          2 4 2 2 | 2
--R
--R
       (3b x + a b x - 2a) \setminus |b x + a
--R (2) -----
--R
                      2
--R
                     15b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 95
--S 96 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R (3)
--R
            28 2 6 34 1 2
--R
--R
      (- 15a b x - 65a b x - 60a x )\|b x + a
--R
         3 10 2 8 2 6 3 4 +-+
--R
--R
       (3b x + 40a b x + 95a b x + 60a x) | a
--R /
--R
        2 4 2 2 +-+ | 2 2 4 2 2 3
--R
      (15b x + 180a b x + 240a) | a | b x + a - 75a b x - 300a b x - 240a
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 96
--S 97 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                             +----+
        3 2 4 4 2 5 | 2 3 2 4 4 2 5 +-+
--R
--R
      (- 2a b x - 24a b x - 32a )\|b x + a + (10a b x + 40a b x + 32a )\|a
--R /
--R
         4 4 3 2 2 2 +-+ | 2 4 4 2 3 2
--R
--R
       (15b x + 180a b x + 240a b) | a | b x + a - 75a b x - 300a b x
--R
         3 2
--R
       - 240a b
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 97
--S 98 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 98
)clear all
--S 99 of 1369
t0:=x*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
         1 2
--R
```

```
--R (1) x \mid b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 99
--S 100 of 1369
r0:=1/3*(a+b*x^2)^(3/2)/b
--R
--R
              +----+
        2 | 2
--R
      (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
   (2) -----
--R
              3b
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 100
--S 101 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                    +----+
             4 22 | 2 26 4 22 +-+
--R
--R
       (-3abx - 6ax) | bx + a + (bx + 6abx + 6ax) | a
--R (3) ------
--R
               2 +-+ | 2 2 2
--R
--R
             (3b x + 12a) | a | b x + a - 9a b x - 12a
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 101
--S 102 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
        2 2 3 | 2 2 2 3 +-+
--R
--R
--R
       (a b x + 4a) | b x + a + (-3a b x - 4a) | a
--R (4) -----
        +-----+
2 2 +-+ | 2 2 2
--R
--R
        (3b x + 12a b) | a | b x + a - 9a b x - 12a b
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 102
--S 103 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
```

```
--E 103
)clear all
--S 104 of 1369
t0:=sqrt(a+b*x^2)/x
--R
--R
--R
        1 2
--R
      \|b x + a
--R
   (1) -----
--R
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 104
--S 105 of 1369
r0:=-atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))*sqrt(a)+sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                   +----+
--R
                  1 2
         +-+ \|b x + a | 2
--R
--R
   (2) - \|a atanh(-----) + \|b x + a
--R
                     +-+
--R
                     \|a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 105
--S 106 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                             +----+
| 2 +-+
--R
          +-----+ | 2 +-+
| 2 +-+ \|b x + a - \|a 2 +-+
--R
--R
        (a\|b x + a - a\|a )log(-----) + b x \|a
--R
--R
--R
    (3) -----
--R
                        +-+ | 2
--R
--R
                        --R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 106
--S 107 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
```

```
--R
--R
--R
--R
       (a\|b x + a - a\|a )log(-----)
--R
--R
--R
        --R
--R
       (a|b x + a - a|a )atanh(-----) + a|b x + a - a|a
--R
                              +-+
--R
                               \|a
--R
--R /
--R
--R
      +-+ | 2
--R
      --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 107
--S 108 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 108
)clear all
--S 109 of 1369
t0:=sqrt(a+b*x^2)/x^3
--R
--R
--R
    | __
\|b x + a
--R
--R
--R (1) -----
    3
x
--R
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 109
--S 110 of 1369
{\tt r0:=-1/2*b*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/sqrt(a)-1/2*sqrt(a+b*x^2)/x^2}
--R
--R
--R
                  +----+
                 | 2 +-----
||b x + a +-+ | 2
--R
--R
        - b x atanh(-----) - \|a \|b x + a
--R
```

```
--R
--R
                    \|a
   (2) -----
--R
--R
                      2 +-+
--R
                      2x \|a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 110
--S 111 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
            --R
--R
     (2a b x \|b x + a + (- b x - 2a b x )\|a )log(-----)
--R
--R
--R
                  +----+
--R
         2 2 | 2
--R
       (a b x + 2a) | b x + a + (-2a b x - 2a) | a
--R /
--R
         2 +-+ | 2 4 2 2
--R
      4a x \|a \|b x + a - 2a b x - 4a x
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 111
--S 112 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
            +-----+
| 2 +-+ | 2
||b x + a - ||a | ||b x + a
--R
--R
--R
        b log(-----) + b atanh(-----)
x +-+
--R
--R
--R
--R
    (4) -----
--R
--R
                         2\|a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 112
--S 113 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--Е 113
)clear all
--S 114 of 1369
t0:=sqrt(a+b*x^2)/x^5
--R
--R
--R
                                  1 2
--R
--R
                                 \begin{tabular}{ll} \beg
               (1) -----
--R
                                               5
--R
--R
                                            x
--R
                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 114
--S 115 of 1369
r0:=1/8*b^2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)-1/4*sqrt(a+b*x^2)/x^4-_
                1/8*b*sqrt(a+b*x^2)/(a*x^2)
--R
--R
                                                                    1 2
--R
                                   2 4 \|b x + a 2 +-+ | 2
--R
                                  b x atanh(-----) + (-b x - 2a)|a |b x + a
--R
--R
--R
                                                                            \|a
--R
               (2) -----
--R
                                                                                                                  4 +-+
--R
                                                                                                       8a x \|a
--R
                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 115
--S 116 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                  (3)
--R
--R
                                                          3 6 2 2 4 | 2
                                                                                                                                                     4 8 3 6 2 2 4 +-+
--R.
                                      ((-4abx - 8abx)|bx + a + (bx + 8abx + 8abx)|a)
--R
--R
                                                    +----+
                                                  1 2
--R
--R
                                            \|bx +a - \|a
                                    log(-----)
--R
--R
--R
```

```
--R
       3 6 2 2 4 3 2 4 | 2
--R
      (a b x + 10a b x + 24a b x + 16a )\|b x + a
--R
--R
           3 6 2 2 4 3 2 4 +-+
--R
--R
       (- 4a b x - 20a b x - 32a b x - 16a )\|a
--R /
--R
                        +----+
       2 6 3 4 +-+ | 2 2 2 8 3 6 4 4
--R
      (32a b x + 64a x )\|a \|b x + a - 8a b x - 64a b x - 64a x
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 116
--S 117 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
               +----+
              | 2 +-+
                                      1 2
--R
         2 \|b x + a - \|a 2 \|b x + a
--R
        - b log(-----) - b atanh(-----) x +-+
--R
--R
--R
                                         \|a
--R (4) -----
                        +-+
--R
--R
                         8a\|a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 117
--S 118 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 118
)clear all
--S 119 of 1369
t0:=sqrt(a+b*x^2)/x^7
--R
--R
--R
         +----+
        1 2
--R
     \|b x + a
--R
--R (1) -----
--R
         7
--R
            x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 119
--S 120 of 1369
r0:=-1/16*b^3*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/6*sqrt(a+b*x^2)/x^6-_
            1/24*b*sqrt(a+b*x^2)/(a*x^4)+1/16*b^2*sqrt(a+b*x^2)/(a^2*x^2)
--R
--R
                                                            1 2
--R
                                                         --R
                          - 3b x atanh(-----) + (3b x - 2a b x - 8a )\|a \|b x + a
--R
                                                                   +-+
--R
--R
                                                                   \|a
--R
--R
                                                                                                   2 6 +-+
--R
                                                                                               48a x \|a
--R
                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 120
--S 121 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           (3)
--R
                                                5 10 2 4 8 3 3 6 | 2
--R
--R
                                  (18a b x + 96a b x + 96a b x) \mid b x + a
--R
                                              6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 +-+
--R
--R
                                  (-3b x - 54a b x - 144a b x - 96a b x) | a
--R
--R
                                        +----+
                                       | 2 +-+
--R
--R
                                      log(-----)
--R
--R
--R
                                            5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4 5 2 6
--R
--R
                             (-3abx - 52abx - 100abx + 144abx + 448abx + 256a)
--R
--R
                               +----+
--R
                               1 2
--R.
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                   5 10
                                                          2 4 8 3 3 6 4 2 4 5 2 6 +-+
--R
                        (18a b x + 102a b x + 68a b x - 336a b x - 576a b x - 256a) \
--R /
--R
                                                                                                                           +----+
--R
                                    3 2 10 4 8 5 6 +-+ | 2 3 3 12
--R
                        (288a b x + 1536a b x + 1536a x )\|a \|b x + a - 48a b x
```

```
--R
          4 2 10 5 8 6 6
--R
        - 864a b x - 2304a b x - 1536a x
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 121
--S 122 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         | 2 +-+ | 2
3 \|b x + a - \|a 3 \|b x + a
--R
--R
         b log(-----) + b atanh(-----)
--R
--R
--R
                                           \|a
--R
     (4) -----
                            2 +-+
--R
--R
                          16a \|a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 122
--S 123 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 123
)clear all
--S 124 of 1369
t0:=x^4*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
           +----+
        4 | 2
--R
--R
    (1) x \mid b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 124
--S 125 of 1369
r0:=1/16*a^3*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-_
    1/16*a^2*x*sqrt(a+b*x^2)/b^2+1/24*a*x^3*sqrt(a+b*x^2)/b+_
    1/6*x^5*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                     +-+
                   x\|b 2 5 3 2 +-+ | 2
--R
         3
```

```
--R
                                           3a \ atanh(-----) + (8b \ x + 2a \ b \ x - 3a \ x) \setminus |b \ |b \ x + a
--R
--R
                                                                               1 2
--R
                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R (2) -----
--R
                                                                                                                                                               2 +-+
--R
                                                                                                                                                         48b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 125
--S 126 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
                                                                                                                                                                                              +----+
                                                                             3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6 4 2 4
--R
                                                              (18a b x + 96a b x + 96a) | a | b x + a - 3a b x - 54a b x
--R
--R
--R
                                                                               5 2 6
--R
                                                            - 144a b x - 96a
--R
--R
                                                                         +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
                                                                      (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
--R
--R
                                                       log(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                    +-+ | 2
--R
                                                                                                                                                 --R
                                                                    5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3 5 +-+
--R
--R
                                                       (-8b x - 146a b x - 417a b x - 298a b x + 80a b x + 96a x) | b
--R
--R
                                                          +----+
                                                         1 2
--R
--R
                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                  5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3 5 +-+ +-+
--R
--R
                                        (48b x + 316a b x + 570a b x + 270a b x - 128a b x - 96a x) | a | b
--R
--R
--R
                                                             4 4
                                                                                      3 2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
                                               (288b x + 1536a b x + 1536a b) | a | b | b x + a
--R
                                                                                                4 4
                                                                                                                                                2 3 2 3 2 +-+
--R
                                                                   5 6
--R
                                          (-48b x - 864a b x - 2304a b x - 1536a b)
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                        +----+
```

```
3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6 4 2 4
--R
--R
          (36a b x + 192a b x + 192a )\|a \|b x + a - 6a b x - 108a b x
--R
--R
              5 2 6
--R
          - 288a b x - 192a
--R
--R
                +----+
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
            \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
--R
         atan(-----)
--R
                     ъ х
--R
            5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3 5
--R
--R
         (-8b x - 146a b x - 417a b x - 298a b x + 80a b x + 96a x)
--R
--R
--R
         +---+ | 2
--R
         --R
           5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3 5
--R
--R
         (48b x + 316a b x + 570a b x + 270a b x - 128a b x - 96a x)
--R
--R
          +---+ +-+
--R
         \|- b \|a
--R
--R
          4 4 3 2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (288b x + 1536a b x + 1536a b) = b = a + a
--R
            5 6 4 4 2 3 2 3 2 +---+
--R
--R
       (- 48b x - 864a b x - 2304a b x - 1536a b )\|- b
--R
--R
                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 126
--S 127 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
   (4)
--R
--R
           +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
       3 (|a|b - bx)|bx + a + (-bx - a)|b + bx|a
--R
      a log(-----)
                        +----+
--R
                        +-+ | 2
--R
--R
                        |a|bx + a - a
--R
--R
                +-+
     3
--R
              x\|b
```

```
- a atanh(-----)
 --R
 --R
 --R
                                                                                                                                   1 2
 --R
                                                                                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                          2 +-+
 --R
 --R
                                          16b \|b
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
 --E 127
 --S 128 of 1369
 d0a:=D(m0a,x)
 --R
  --R
 --R
                               (5) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
 --E 128
 --S 129 of 1369
 m0b:=a0.2-r0
 --R
 --R
 --R (6)
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  +---+ | 2 +---+ +-+
 --R
                                                                                                                                                                   +-+
                                            3 +---+ x\|b 3 +-- \|- b \|b x + a - \|- b \|a
 --R
 --R
                                        - a \|- b atanh(-----) + 2a \|b atan(------)
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              bх
 --R
                                                                                                                                                  1 2
 --R
                                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                             2 +---+ +-+
 --R
                                                                                                                                                                                                                                          16b \|- b \|b
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
 --E 129
 --S 130 of 1369
 d0b:=D(m0b,x)
 --R
 --R
                               (7) 0
  --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
 --Е 130
)clear all
 --S 131 of 1369
t0:=x^2*sqrt(a+b*x^2)
 --R
 --R
```

```
--R
                2 | 2
--R
--R (1) x \mid b x + a
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 131
--S 132 of 1369
r0:=-1/8*a^2*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(3/2)+_
             1/8*a*x*sqrt(a+b*x^2)/b+1/4*x^3*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
                                                                    +-+
                                                                                    3 +-+ | 2
--R
                                                              x \mid b
                             - a atanh(-----) + (2b x + a x)\|b \|b x + a
--R
                                                        +----+
 --R
--R
                                                         1 2
--R
                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                +-+
--R
                                                                                            8b\|b
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 132
--S 133 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                (3)
--R
                [
--R
                                                                                           +----+
                                              2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2 4
--R
--R
                                     ((4a b x + 8a) | a | b x + a - a b x - 8a b x - 8a)
--R
--R
                                                                                       | 2 2 +-+ +-+
--R
                                                (\a \b + b x)\b x + a + (-b x - a)\b - b x\a
--R
                                     log(-----)
--R
--R
                                                                                                   +-+ | 2
--R
--R
                                                                                                  --R
--R
--R.
                                            3 7 2 5 2 3 3 +-+ | 2
--R
                                (-2b x - 17a b x - 24a b x - 8a x) \setminus |b \setminus |b x + a
--R
--R
                                     3 7 2 5 2 3 3 +-+ +-+
--R
                                (8b x + 28a b x + 28a b x + 8a x) | a | b
--R
--R
                                                                      +-+ +-+ | 2
--R
                                     2 2
                                                                                                                             3 4 2 2 2 +-+
```

```
--R
                          (32b x + 64a b)\|a \|b \|b x + a + (-8b x - 64a b x - 64a b)\|b
--R
--R
--R
                                                  2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2 4
--R
--R
                                    ((-8abx - 16a)|a|bx + a + 2abx + 16abx + 16a)
--R
--R
                                                +---+ | 2
                                                                                                +---+ +-+
--R
                                              \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
--R
                                   atan(-----)
                                                              bх
--R
--R
--R
                                         3 7 2 5 2 3 3 +---+ | 2
--R
--R
                              (- 2b x - 17a b x - 24a b x - 8a x)\|- b \|b x + a
--R
                                                                                   2 3 3 +---+ +-+
--R
                                  3 7 2 5
--R
                              (8b x + 28a b x + 28a b x + 8a x) = b = a
--R
--R
                                                                                                 +----+
                                     2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
                              (32b x + 64a b) = b = a + a
--R
--R
                                      3 4 2 2 2 +---+
--R
                              (-8b x - 64a b x - 64a b) | - b
--R
--R
                                                                                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 133
--S 134 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
               (4)
                                                                           +-----+
| 2 2 +-+ +-+
--R
--R
--R
                          2 (\langle a \rangle b + b x) \langle b x + a + (-b x - a) \rangle b - b x \rangle a
--R
                         a log(-----)
--R
                                                                                         +-+ | 2
--R
                                                                                        --R
--R
--R
                                                       +-+
--R
                           2
                                                x\|b
                         a atanh(-----)
--R
                                                +----+
--R
                                              1 2
--R
--R
                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
```

```
--R
 --R
                                                    8b\|b
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
 --Е 134
 --S 135 of 1369
 d0a:=D(m0a,x)
 --R
 --R
 --R
                                (5) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
 --Е 135
 --S 136 of 1369
 m0b:=a0.2-r0
 --R
 --R
 --R
                                (6)
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                +----+
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       +---+ | 2 +---+ +-+
 --R
                                             2 +---+ x\|b
                                                                                                                                                                                                                                   2 +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
 --R
 --R a \|- b atanh(------) - 2a \|b atan(------)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    b x
 --R
                                                                                                                                      1 2
 --R
 --R
                                                                                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                           +---+ +-+
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                             8b\|- b \|b
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--Е 136
 --S 137 of 1369
 d0b:=D(m0b,x)
 --R
 --R
 --R
                               (7) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
 --Е 137
 )clear all
 --S 138 of 1369
 t0:=sqrt(a+b*x^2)
 --R
 --R
 --R
                                                                           +----+
                                                                      | 2
 --R
                               (1) \begin{tabular}{ll} 
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
 --E 138
```

```
--S 139 of 1369
{\tt r0:=1/2*a*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/sqrt(b)+1/2*x*sqrt(a+b*x^2)}
--R
--R
--R
                                                       +-+ +-----
x\|b +-+ | 2
--R
--R
                           a atanh(-----) + x \mid b \mid b x + a
--R
                                                1 2
--R
--R
                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
               (2) -----
--R
--R
                                                                       2\|b
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 139
--S 140 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           (3)
--R
           [
--R
                                            +-+ | 2 2 2
--R
--R
                                    (2a|a|bx+a-abx-2a)
--R
--R
                                                                                        +----+
                                                --R
--R
                                              (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
                                   log(-----)
--R
--R
--R
                                                                                                +-+ | 2
--R
                                                                                              --R
                                                                   +----+
+-+ | 2 3 +-+ +-+
--R
--R
                            (-b \times -2a \times) |b |b \times +a + (2b \times +2a \times) |a |b
--R
--R
--R
                                                 +----+
                           +-+ +-+ | 2
--R
                        4 \leq x + a + (-2b x - 4a) \leq b
--R
--R
--R
--R
                                                                                                                                      +---+ | 2
--R
                                               +----+
                                                                                                                                                                                      +---+ +-+
                                        +-+ | 2 2 \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
--R
                             (4a\|a \|b x + a - 2a b x - 4a )atan(-----)
                                                                                                                                                 bх
--R
--R
```

```
--R
                                        3 +---+ | 2 3 +---+ +-+
--R
--R
                                   (-b x - 2a x) | -b | b x + a + (2b x + 2a x) | -b | a
--R
                                                +----+
- 1 2 2 +---+
- 4a)\|- b
--R
--R
                                +---+ +-+ | 2
                            4 = b = a + (-2b - 4a) = b
--R
--R
--R
                                                                                                                      Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 140
--S 141 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                  (4)
--R
                                                     +-+ +-+ | 2 2 +-+
--R
--R
                                                 (|a|b - bx)|bx + a + (-bx - a)|b + bx|a
                              a log(-----)
--R
--R
--R
                                                                                                             +-+ | 2
--R
                                                                                                            --R
--R
--R
                                                                     x \mid b
                               - a atanh(-----)
--R
                                                               +----+
--R
--R
                                                               1 2
--R
                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                          +-+
--R
                         2\|b
--R
                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 141
--S 142 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
               (5) 0
--R
                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 142
--S 143 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
              (6)
                                                                                                                                                                       +----+
--R
```

```
+---+ | 2 +---+ +-+
--R
                                             +---+ x\|b +--+ \|- b\|b x + a - \|- b\|a
--R
--R
                                 - a\|- b atanh(-----) + 2a\|b atan(-----)
                                                          +----+
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    bх
--R
                                                                                                                        1 2
--R
                                                                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                              2\|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 143
--S 144 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
 --R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 144
)clear all
--S 145 of 1369
t0:=sqrt(a+b*x^2)/x^2
--R
--R
--R
--R
                                                           1 2
--R
                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R (1) -----
                                                                     2
--R
--R
                                                                               x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 145
--S 146 of 1369
\verb"r0:=atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))*sqrt(b)-sqrt(a+b*x^2)/x
--R
--R
 --R
                                                                                                                                                                                                            1 2
                                                                                                                                x \mid b
 --R
 --R
                                                            x \leq x + a
                                                                                                                       +----+
--R
                                                                                                                            1 2
--R
--R
                                                                                                                     --R
                          (2) -----
--R
                                                                                                                                                        x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 146
```

```
--S 147 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
            +----+
+-+ | 2 +-+ +-+
--R
--R
          (x \mid b \mid b x + a - x \mid a \mid b)
--R
--R
--R
                 +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
             (-x|b + |a )|b + a + x|a |b - b - a
--R
--R
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
                          --R
--R
            +----+
         +-+ | 2 2
--R
--R
         \|a \|b x + a - b x - a
--R
--R
        | 2 +-+
--R
--R
       x \mid b x + a - x \mid a
--R
--R
--R
                                         | 2 +-+
--R
           --R
--R
         (2x \mid -b \mid b x + a - 2x \mid -b \mid a) atan(-----)
--R
--R
                                              x\|- b
--R
         +----+
+-+ | 2 2
--R
--R
         \|a \|b x + a - b x - a
--R
--R
--R
         +----+
        | 2 +-+
--R
       x \mid b x + a - x \mid a
--R
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 147
--S 148 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
```

```
--R
                                                                                                                  +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
                                             +-+ (- x\|b + \|a )\|b x + a + x\|a \|b - b x - a
                                             \|b log(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                    +-+ | 2
--R
--R
                                                                                                                                                                                   --R
--R
                                                   +-+ x\|b
--R
--R
                                         - \|b atanh(-----)
                                                            +----+
--R
                                                                                                                 | 2
--R
                                                                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 148
--S 149 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 149
--S 150 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                      +----+
| 2 +-+
--R
--R +-+ | 2 +-+
--R +-+ x\|b +---+ \|b x + a - \|a
--R (6) - \|b atanh(------) + 2\|- b atan(------)
--R
                                                                                                                                   | 2
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      x\|- b
                                                                                                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 150
--S 151 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
 --R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 151
)clear all
--S 152 of 1369
```

```
t0:=sqrt(a+b*x^2)/x^4
--R
--R
--R
        +----+
--R | __
--R \|b x + a
--R (1) -----
--R
--R
           X
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 152
--S 153 of 1369
r0:=-1/3*(a+b*x^2)^(3/2)/(a*x^3)
--R
--R
--R
                   +----+
            2 | 2
--R
--R
     (-bx -a) \setminus bx + a
--R (2) -----
           3
--R
--R
              За х
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 153
--S 154 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                           +----+
       2 4 2 2 +-+ | 2 3 6 2 4 2 2 3
--R
--R
    (3b x + 7a b x + 4a) | a | b x + a - b x - 6a b x - 9a b x - 4a
--R
               5 2 3 | 2 5 2 3 +-+
--R
--R
          (3a b x + 12a x) | b x + a + (-9a b x - 12a x) | a
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 154
--S 155 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 155
--S 156 of 1369
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 156
)clear all
--S 157 of 1369
t0:=sqrt(a+b*x^2)/x^6
--R
--R
--R
        1 2
--R
     \|b x + a
--R
--R (1) -----
--R 6
--R x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 157
--S 158 of 1369
r0:=-1/5*(a+b*x^2)^(3/2)/(a*x^5)+2/15*b*(a+b*x^2)^(3/2)/(a^2*x^3)
--R
--R
--R
         24 2 2 2 2
--R
--R
        (2b x - a b x - 3a) \setminus |b x + a|
--R
   (2) -----
                   2 5
--R
--R
                   15a x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 158
--S 159 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
           48 36 224 32 4 +-+ | 2 510
--R
       (- 10b x - 35a b x + 3a b x + 76a b x + 48a )\|a \|b x + a + 2b x
--R
--R.
--R
           48 236 324 42 5
--R
       25a b x + 40a b x - 35a b x - 100a b x - 48a
--R /
--R
                                 +----+
           2 2 9 3 7 4 5 | 2
--R
--R
       (15a b x + 180a b x + 240a x) | b x + a
--R
```

```
2 2 9 3 7 4 5 +-+
--R
--R
        (-75a b x - 300a b x - 240a x) | a
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 159
--S 160 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 160
--S 161 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 161
)clear all
--S 162 of 1369
t0:=sqrt(a+b*x^2)/x^8
--R
--R
--R
--R
         1 2
--R
        \|b x + a
--R (1) -----
     8
--R
--R
            x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 162
--S 163 of 1369
r0:=-1/7*(a+b*x^2)^(3/2)/(a*x^7)+4/35*b*(a+b*x^2)^(3/2)/(a^2*x^5)-_
    8/105*b^2*(a+b*x^2)^(3/2)/(a^3*x^3)
--R
--R
--R
--R
            3 6 2 4 2 2
                                    3 | 2
--R
       (-8b x + 4a b x - 3a b x - 15a) \ b x + a
--R (2) -----
--R
                             3 7
--R
                          105a x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 163
```

```
--S 164 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
            6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4
--R
          56b x + 420a b x + 693a b x + 337a b x + 920a b x + 1872a b x
--R
--R
          960a
--R
--R
            +----+
--R
         +-+ | 2
--R
--R
         --R
--R
          7 14 6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6 5 2 4
--R
       - 8b x - 196a b x - 735a b x - 826a b x - 623a b x - 1736a b x
--R
--R
          6 2
--R
        - 2352a b x - 960a
--R /
--R
           3 3 13 4 2 11 5 9 6 7 | 2
--R
--R
       (105a b x + 2520a b x + 8400a b x + 6720a x) b x + a
--R
--R
             3 3 13 4 2 11 5 9 6 7 +-+
--R
        (-735a b x - 5880a b x - 11760a b x - 6720a x ) | a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 164
--S 165 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 165
--S 166 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 166
)clear all
--S 167 of 1369
t0:=sqrt(a+b*x^2)/x^10
```

```
--R
--R
--R
--R
        1 2
      \|b x + a
--R
--R (1) -----
          10
--R
--R
         x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 167
--S 168 of 1369
r0:=-1/9*(a+b*x^2)^(3/2)/(a*x^9)+2/21*b*(a+b*x^2)^(3/2)/(a^2*x^7)-_
   8/105*b^2*(a+b*x^2)^(3/2)/(a^3*x^5)+16/315*b^3*(a+b*x^2)^(3/2)/(a^4*x^3)
--R
--R
--R
--R
          48 36 224 32 4 2
--R
      (16b x - 8a b x + 6a b x - 5a b x - 35a) \ b x + a
--R (2) ------
--R
                            4 9
--R
                          315a x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 168
--S 169 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
              8 16 7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8
--R
--R
          - 144b x - 1848a b x - 6006a b x - 6435a b x - 1165a b x
--R
             5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
--R
         4952a b x + 16464a b x + 21440a b x + 8960a
--R
--R
           +----+
         +-+ | 2
--R
--R
        --R
        9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
       16b x + 648a b x + 4158a b x + 9009a b x + 7200a b x
--R
--R
--R
          5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
       - 243a b x - 11064a b x - 26064a b x - 25920a b x - 8960a
--R /
            4 4 17 5 3 15 6 2 13 7 11
--R
--R
         (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a x)
--R
--R
         +----+
```

```
1 2
--R
 --R
                                         \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
                                                                       4 4 17 5 3 15 6 2 13 7 11
--R
                                               - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
--R
                                                                            8 9
--R
                                               - 80640a x
--R
--R
                                             +-+
--R
                                         \|a
--R
                                                                                                                                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 169
--S 170 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                 (4) 0
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 170
--S 171 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                 (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 171
)clear all
--S 172 of 1369
t0:=x^m*(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
--R
                                                                     m | 2
                                               2
                (1) (b x + a)x \setminus |b x + a|
--R
--R
                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 172
--S 173 of 1369
--r0:=x^{(1+m)*(a+b*x^2)^{(3/2)/(4+m)}+3*a*x^{(1+m)*sqrt(a+b*x^2)/(8+6*m+m^2)}+\_
                       3*a^2*x^(1+m)*hypergeometric(1/2,1/2*(1+m),1/2*(3+m),-b*x^2/a)*_
--
                        sqrt((a+b*x^2)/a)/((8+14*m+7*m^2+m^3)*sqrt(a+b*x^2))
--E 173
--S 174 of 1369
--a0:=integrate(t0,x)
```

```
--E 174
--S 175 of 1369
--m0:=a0-r0
--Е 175
--S 176 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--Е 176
)clear all
--S 177 of 1369
t0:=x^7*(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                  +----+
     9 7 | 2
--R
--R (1) (b x + a x )\|b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 177
--S 178 of 1369
r0:=-1/5*a^3*(a+b*x^2)^(5/2)/b^4+3/7*a^2*(a+b*x^2)^(7/2)/b^4-_
    1/3*a*(a+b*x^2)^(9/2)/b^4+1/11*(a+b*x^2)^(11/2)/b^4
--R
--R
--R
        5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5 | 2
--R
    (105b x + 140a b x + 5a b x - 6a b x + 8a b x - 16a) \ b x + a
--R
--R (2) ------
--R
--R
                                 1155b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 178
--S 179 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
                6 20 2 5 18 3 4 16 4 3 14
--R.
          - 1155a b x - 24640a b x - 160215a b x - 469194a b x
--R
                5 2 12 6 10 7 8
--R
--R
          - 694848a b x - 510048a b x - 147840a x
--R
--R
         +----+
         1 2
--R
    \|b x + a
--R
```

```
--R
                                    7 22 6 20 2 5 18 3 4 16 4 3 14
--R
--R
                               105b x + 6545a b x + 73645a b x + 334059a b x + 762102a b x
--R
                                                5 2 12 6 10 7 8
--R
--R
                              931392a b x + 583968a b x + 147840a x
--R
--R
--R
                           \|a
--R /
--R
                                         5 10 4 8 2 3 6 3 2 4
--R
                               1155b x + 69300a b x + 646800a b x + 2069760a b x
--R
                                                 4 2
--R
--R
                              2661120a b x + 1182720a
--R
--R
                                      +----+
                             +-+ | 2
--R
--R
                           \|a \|b x + a
--R
                                  5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4
--R
--R
                        - 12705a b x - 254100a b x - 1422960a b x - 3252480a b x
--R
                                5 2 6
--R
--R
                        - 3252480a b x - 1182720a
--R
                                                                                                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 179
--S 180 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                      6 5 10 7 4 8 8 3 6 9 2 4 10 2
--R
--R
                                - 16a b x - 960a b x - 8960a b x - 28672a b x - 36864a b x
--R
                                             11
--R
                              - 16384a
--R
--R
                               +----+
--R
--R
--R
                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                      6 5 10 7 4 8 8 3 6 9 2 4 10 2
--R
                                176a b x + 3520a b x + 19712a b x + 45056a b x + 45056a b x
--R
--R
                                             11
--R
                               16384a
--R
--R
                               +-+
```

```
--R
         \|a
--R /
              9 10 8 8 2 7 6 3 6 4
--R
--R
           1155b x + 69300a b x + 646800a b x + 2069760a b x
--R
                         5 4
--R
                 4 5 2
--R
          2661120a b x + 1182720a b
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2
--R
--R
         \|a \|b x + a
--R
               9 10 2 8 8 3 7 6 4 6 4
--R
--R
       - 12705a b x - 254100a b x - 1422960a b x - 3252480a b x
--R
--R
               5 5 2
                        6 4
--R
        - 3252480a b x - 1182720a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 180
--S 181 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
                                             Type: Expression(Integer)
--R
--E 181
)clear all
--S 182 of 1369
t0:=x^5*(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
        7 5 | 2
--R
--R (1) (b x + a x )\|b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 182
--S 183 of 1369
r0:=1/5*a^2*(a+b*x^2)^(5/2)/b^3-2/7*a*(a+b*x^2)^(7/2)/b^3+_
   1/9*(a+b*x^2)^(9/2)/b^3
--R.
--R
--R
            48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
        (35b x + 50a b x + 3a b x - 4a b x + 8a) \ b x + a
--R
--R
                                  3
```

```
--R
                                                                                                                                                                                                                           315b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 183
--S 184 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                                                                                                            5 16 2 4 14 3 3 12
--R
--R
                                                                              - 315a b x - 4650a b x - 21147a b x - 42084a b x
--R
                                                                                                                         5 8 6 6
--R
                                                                              - 38640a b x - 13440a x
--R
--R
--R
                                                                         +----+
--R
                                                                         1 2
--R
                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                          6 18 5 16 2 4 14 3 3 12 4 2 10
--R
--R
                                                                                35b x + 1485a b x + 11853a b x + 38199a b x + 59724a b x
--R
                                                                                           5 8 6 6
--R
--R
                                                                           45360a b x + 13440a x
--R
--R
                                                                           +-+
--R
                                                                       \|a
--R /
--R
                                                                                    48
                                                                                                                                  3 6 2 2 4 3 2 4 +-+
--R
                                                                       (315b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a) \ a
--R
--R
                                                                           +----+
--R
                                                                       1 2
--R
                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                       48 236 324 42 5
--R
                                                          - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x - 80640a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 184
--S 185 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                                                    548 636 724 82 9 | 2
--R
--R
                                                (8a b x + 320a b x + 1920a b x + 3584a b x + 2048a) \begin{picture}(b x + a) & (8a b x + 320a b x + 1920a b x + 3584a b x + 2048a) & (8a b x + 320a b x + 1920a b x + 3584a b x + 2048a) & (8a b x + 320a b x + 1920a b x + 3584a b x + 2048a) & (8a b x + 320a b x + 320a b x + 3584a b x + 2048a) & (8a b x + 320a b x + 320a b x + 3584a b x + 2048a) & (8a b x + 320a b x + 320a b x + 3584a b x + 2048a) & (8a b x + 320a b x + 320a b x + 3584a b x + 2048a) & (8a b x + 320a b x + 320a b x + 3584a b x + 320a b 
--R
--R
                                                                                  5 4 8 6 3 6
                                                                                                                                                                                                                                       7 2 4 8 2 9 +-+
```

```
(-72a b x - 960a b x - 3456a b x - 4608a b x - 2048a) | a
--R
--R /
--R
                                                7 8 6 6 2 5 4 3 4 2 4 3 +-+
--R
                                  (315b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a b ) \ | a
--R
--R
                                    +----+
                                  1 2
--R
--R
                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                        2 6 6
                                                 7 8
                                                                                                                               3 5 4
--R
                                                                                                                                                                          4 4 2
--R
                            - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x - 80640a b
--R
                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 185
--S 186 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 186
)clear all
--S 187 of 1369
t0:=x^3*(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
--R 5 3 | 2
--R (1) (b x + a x )\|b x + a
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 187
--S 188 of 1369
r0:=-1/5*a*(a+b*x^2)^(5/2)/b^2+1/7*(a+b*x^2)^(7/2)/b^2
--R
--R
--R
                                    3 6 2 4 2 2 3 | 2
--R
--R
                              (5b x + 8a b x + a b x - 2a) \setminus |b x + a
--R
             (2) -----
--R
                                                                                                 2
--R
                                                                                         35b
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 188
--S 189 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
   (3)
--R
--R
            4 12 2 3 10 3 2 8 4 6 5 4 | 2
--R
--R
      (- 35a b x - 336a b x - 1015a b x - 1260a b x - 560a x )\|b x + a
--R
        5 14 4 12 2 3 10 3 2 8 4 6 5 4 +-+
--R
      (5b x + 133a b x + 721a b x + 1575a b x + 1540a b x + 560a x) | a
--R
--R /
--R
--R
         3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2 3 6
--R
       (35b x + 840a b x + 2800a b x + 2240a) | a | b x + a - 245a b x
--R
           2 2 4 3 2 4
--R
       - 1960a b x - 3920a b x - 2240a
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 189
--S 190 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
         4 3 6 5 2 4 6 2 7 | 2
--R
       (-2abx - 48abx - 160abx - 128a) \b x + a
--R
--R
--R
         4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+
--R
       (14a b x + 112a b x + 224a b x + 128a) | a
--R /
--R
         5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+ | 2 5 6
--R
--R
       (35b x + 840a b x + 2800a b x + 2240a b) | a | b x + a - 245a b x
--R
           2 4 4 3 3 2 4 2
--R
       - 1960a b x - 3920a b x - 2240a b
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 190
--S 191 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 191
)clear all
--S 192 of 1369
```

```
t0:=x*(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                 +----+
--R +-----
--R 3 | 2
--R (1) (b x + a x)\|b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 192
--S 193 of 1369
r0:=1/5*(a+b*x^2)^(5/2)/b
--R
--R
--R
        2 4 2 2 | 2
--R
--R
       (bx + 2abx + a) \setminus |bx + a|
--R (2) -----
--R
                   5b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 193
--S 194 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
--R
            38 226 3 4 42 | 2
--R
--R
       (-5abx - 30abx - 60abx - 40ax) \ bx + a
--R
--R
        4 10 3 8 2 2 6 3 4
                                        4 2 +-+
--R
       (b x + 15a b x + 55a b x + 80a b x + 40a x) | a
--R /
--R
                            +----+
             2 2 +-+ | 2
                                        24 2 2 3
--R
       2 4
     (5b x + 60a b x + 80a) | a | b x + a - 25a b x - 100a b x - 80a
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 194
--S 195 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                        +----+
    3 2 4 4 2 5 | 2
--R
                                     3 2 4 4 2
--R
   (a b x + 12a b x + 16a) | b x + a + (-5a b x - 20a b x - 16a) | a
--R
--R
     3 4 2 2 2 +-+ | 2
--R
                                   3 4 2 2 2 3
```

```
--R
     (5b x + 60a b x + 80a b) | a | b x + a - 25a b x - 100a b x - 80a b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 195
--S 196 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 196
)clear all
--S 197 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(3/2)/x
--R
--R
--R
                +----+
          2 | 2
--R
--R
     (b x + a) \setminus |b x + a|
--R (1) -----
         х
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 197
--S 198 of 1369
 \texttt{r0:=1/3*(a+b*x^2)^(3/2)-a^(3/2)*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))+a*sqrt(a+b*x^2)} 
--R
--R
--R
                   1 2
                                        +----+
--R
                   \|b x + a 2 | 2
--R
        - 3a\a + a
--R
--R
                      \|a
--R
    (2) -----
--R
--R
                            3
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 198
--S 199 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
                       +----+
           2 2 3 | 2
--R
                                    2 2 3 +-+
--R
        ((3a b x + 12a) | b x + a + (-9a b x - 12a) | a)
--R
```

```
--R
           | 2 +-+
--R
--R
           log(-----)
--R
--R
--R
          +----+
2 4 2 2 | 2 3 6 2 4 2 2 +-+
--R
--R
      (- 3a b x - 12a b x )\|b x + a + (b x + 9a b x + 12a b x )\|a
--R
--R /
--R
                 +----+
       2 +-+ | 2 2 2
--R
    (3b x + 12a) | a | b x + a - 9a b x - 12a
--R
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 199
--S 200 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
         2 2 3 | 2 2 3 +-+
--R
        ((3a b x + 12a) | b x + a + (- 9a b x - 12a) | a)
--R
--R
--R
           | 2 +-+
--R
--R
           \|b x + a - \|a
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
                                                 1 2
--R
        +-----+ | 2
2 2 3 | 2 2 2 3 +-+ \|b x + a
--R
--R
      ((3a b x + 12a) | b x + a + (- 9a b x - 12a) | a ) 
--R
--R
                                                    \|a
--R
--R
        2 2 3 | 2 2 3 +-+
--R
      (4a b x + 16a) | b x + a + (-12a b x - 16a) | a
--R
--R /
      --R
--R.
--R
     (3b x + 12a) | a | b x + a - 9a b x - 12a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 200
--S 201 of 1369
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 201
)clear all
--S 202 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(3/2)/x^3
--R
--R
--R
         2 | 2
--R
--R
     (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
   (1) -----
--R
         3
--R
               x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 202
--S 203 of 1369
r0:=-1/2*(a+b*x^2)^(3/2)/x^2-3/2*b*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))*_-
   sqrt(a)+3/2*b*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                    | 2 +----
||b x + a 2 | 2
--R
--R
            2 +-+
       --R
--R
                        +-+
--R
                       \|a
--R
    (2) -----
--R
                           2
--R
                           2x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 203
--S 204 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
            2 4 2 2 | 2 2 4 2 2 +-+
--R
        ((3a b x + 12a b x) | b x + a + (- 9a b x - 12a b x) | a)
--R
--R
--R
            +----+
            | 2 +-+
--R
           --R
```

```
--R
                              log(-----)
--R
--R
--R
                                       24 2 2 3 | 2
--R
--R
                     (-4abx + 3abx + 4a) \setminus |bx + a|
--R
                                3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
                         (2b x + 3a b x - 5a b x - 4a) | a
--R
--R /
--R
                                                                    +----+
                           4 2 +-+ | 2
--R
                     (2b x + 8a x) | a | b x + a - 6a b x - 8a x
--R
--R
                                                                                                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 204
--S 205 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
               (4)
--R
                                            2 2 2 1 2 2 2 +-+
--R
--R
                               ((3a b x + 12a b)\|b x + a + (- 9a b x - 12a b)\|a)
--R
--R
                                          | 2 +-+
--R
--R
                                         --R
                               log(-----)
--R
--R
--R
                                                                           +----+
                                                                                                          2 2 2 +-+
                                           2 2 2 | 2
--R
--R
                            ((3a b x + 12a b)|b x + a + (- 9a b x - 12a b)|a)
--R
--R
                                               1 2
--R
--R
                                          \begin{tabular}{ll} \beg
                               atanh(-----)
--R
                                                      +-+
--R
--R
                                                         \|a
--R
                                                                   +----+
' 2 2 2 +-+
--R
                                  2 2 2 | 2
--R
                           (2a b x + 8a b) | b x + a + (-6a b x - 8a b) | a
--R
--R /
--R
                                                           +----+
                            2 +-+ | 2 2 2
--R
                     (2b x + 8a) | a | b x + a - 6a b x - 8a
--R
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
```

```
--E 205
--S 206 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 206
)clear all
--S 207 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(3/2)/x^5
--R
--R
--R
                +----+
          2 | 2
--R
--R
     (b x + a) \setminus |b x + a|
--R (1) -----
--R
           5
--R
                X
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 207
--S 208 of 1369
r0:=-1/4*(a+b*x^2)^(3/2)/x^4-3/8*b^2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/sqrt(a)-_
    3/8*b*sqrt(a+b*x^2)/x^2
--R
--R
--R
                   1 2
                                            +----+
--R
          --R
        - 3b x atanh(-----) + (- 5b x - 2a)\|a \|b x + a
--R
--R
                     +-+
--R
                    \|a
--R
   (2) -----
--R
                            4 +-+
--R
                            8x \|a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 208
--S 209 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                 3 6 2 2 4 | 2
--R
--R
            (12a b x + 24a b x) \mid b x + a
```

```
--R
            48 36 224 +-+
--R
--R
           (-3b x - 24a b x - 24a b x) | a
--R
--R
           +----+
           | 2 +-+
--R
--R
           --R
        log(-----)
--R
--R
--R
         3 6 2 2 4 3 2 4 | 2
--R
      (5a b x + 42a b x + 56a b x + 16a )\|b x + a
--R
--R
--R
           3 6 2 2 4 3 2 4 +-+
--R
       (-20a b x - 68a b x - 64a b x - 16a) | a
--R /
--R
        6 24 +-+ | 2 28 26 34
--R
     (32a b x + 64a x )\|a \|b x + a - 8a b x - 64a b x - 64a x
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 209
--S 210 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
        --R
--R
--R
       3b log(-----) + 3b atanh(-----) x +-+
--R
--R
--R
--R
   (4) -----
--R
                        +-+
--R
                        8\|a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 210
--S 211 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 211
)clear all
--S 212 of 1369
```

```
t0:=(a+b*x^2)^(3/2)/x^7
--R
--R
          2 | 2
--R
--R
--R
       (bx + a) \setminus |bx + a|
--R (1) -----
--R
                7
--R
               X
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 212
--S 213 of 1369
r0:=-1/6*(a+b*x^2)^(3/2)/x^6+1/16*b^3*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)-_
    1/8*b*sqrt(a+b*x^2)/x^4-1/16*b^2*sqrt(a+b*x^2)/(a*x^2)
--R
--R
--R
                  +----+
                  1 2
--R
                 --R
--R
        3b \times atanh(-----) + (- 3b \times - 14a b \times - 8a) | a | b \times + a
--R
                    \|a
--R
--R
    (2) -----
                                 6 +-+
--R
--R
                                48a x \|a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 213
--S 214 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                5 10 2 4 8 3 3 6 | 2
--R
--R
          (-18a b x - 96a b x - 96a b x) | b x + a
--R
             6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 +-+
--R
--R
           (3b x + 54a b x + 144a b x + 96a b x) | a
--R
--R
             +----+
--R
             1 2
                       +-+
--R
            \b x + a - \a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
            5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4 5 2 6
         (3a b x + 68a b x + 404a b x + 912a b x + 832a b x + 256a)
--R
--R
```

```
--R
--R
        1 2
       \|b x + a
--R
--R
     + 5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4 5 2 6 +-+
--R
--R
     (- 18a b x - 198a b x - 772a b x - 1296a b x - 960a b x - 256a )\|a
--R /
--R
          2 2 10 3 8 4 6 +-+ | 2 2 3 12
--R
      (288a b x + 1536a b x + 1536a x )\|a \|b x + a - 48a b x
--R
--R
          3 2 10 4 8
                            5 6
--R
       - 864a b x - 2304a b x - 1536a x
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 214
--S 215 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             +----+
             | 2 +-+
                                  1 2
--R
        3 \|b x + a - \|a 3 \|b x + a
--R
--R
       - b log(-----) - b atanh(-----)
                                     +-+
--R
--R
                                      \|a
--R
    (4) -----
--R
--R
                       16a\|a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 215
--S 216 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 216
)clear all
--S 217 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(3/2)/x^9
--R
--R
--R
               +----+
         2 | 2
--R
--R (1) -----
```

```
--R
                                                                                                        9
--R
                                                                                                    х
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 217
--S 218 of 1369
r0:=-1/8*(a+b*x^2)^3(3/2)/x^8-3/128*b^4*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-1/2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a)/sqrt(a)/sqrt(a)/sqrt(a)/sqrt(a)/sqrt(a)/sqrt(a)/sqrt(a)/sqrt(a)/sqrt(a)/sqrt(a)/sqrt(a)/sqrt
                         1/16*b*sqrt(a+b*x^2)/x^6-1/64*b^2*sqrt(a+b*x^2)/(a*x^4)+_
                         3/128*b^3*sqrt(a+b*x^2)/(a^2*x^2)
--R
--R
--R
                             (2)
--R
                                                                                                                   1 2
 --R
 --R
                                                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
                                                                 4 8
                                                - 3b x atanh(-----)
 --R
 --R
                                                                                                                                 +-+
--R
                                                                                                                                 \|a
--R
--R
                                                                                                   2 4 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
                                                (3b x - 2a b x - 24a b x - 16a) | a | b x + a
--R /
--R
                                                         2 8 +-+
--R
                                       128a x \|a
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 218
--S 219 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                             (3)
--R
                                                                                               7 14 2 6 12
--R
                                                                                                                                                                                                                3 5 10
                                                                                                                                                                                                                                                                     448 | 2
--R
                                                                   (24a b x + 240a b x + 576a b x + 384a b x) \ b x + a
--R
                                                                                           8 16 7 14 2 6 12
                                                                                                                                                                                                                                                        3 5 10 4 4 8 +-+
 --R
                                                                    (-3b x - 96a b x - 480a b x - 768a b x - 384a b x) | a
 --R
 --R
                                                                                 +----+
 --R
 --R
                                                                                1 2
--R.
                                                                            --R
                                                         log(-----)
--R
                                                                                                                       x
--R
--R
                                                                                               7 14 2 6 12 3 5 10
                                                                                                                                                                                                                                                                4 4 8
--R
                                                                   - 3a b x - 94a b x - 392a b x + 336a b x + 4480a b x
--R
--R
                                                                                           6 2 4 7 2
                                                                                                                                                                                                                      8
```

```
--R
         8960a b x + 7168a b x + 2048a
--R
--R
         | 2
--R
--R
        \|b x + a
--R
            --R
--R
         24a b x + 248a b x + 448a b x - 1824a b x - 8192a b x
--R
               6 2 4 7 2 8
--R
--R
         - 12288a b x - 8192a b x - 2048a
--R
--R
--R
        \|a
--R /
--R
         3 3 14 4 2 12 5 10 6 8 +-+ | 2
--R
--R
       (1024a b x + 10240a b x + 24576a b x + 16384a x )\|a \|b x + a
--R
          3 4 16 4 3 14 5 2 12 6 10 7 8
--R
--R
       - 128a b x - 4096a b x - 20480a b x - 32768a b x - 16384a x
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 219
--S 220 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        +-----+
| 2 +-+ | 2
4 \|b x + a - \|a 4 \|b x + a
--R
--R
--R
        3b log(-----) + 3b atanh(-----)
--R
--R
                                       \|a
--R (4) -----
--R
                          2 +-+
--R
                       128a \|a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 220
--S 221 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 221
)clear all
```

```
--S 222 of 1369
t0:=x^4*(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                                                          6
                                                                                        4 | 2
--R
--R
                    (1) (b x + a x) | b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 222
--S 223 of 1369
r0:=1/8*x^5*(a+b*x^2)^(3/2)+3/128*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-1/28*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b)/sqrt(b
                      3/128*a^3*x*sqrt(a+b*x^2)/b^2+1/64*a^2*x^3*sqrt(a+b*x^2)/b+_
                      1/16*a*x^5*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                          (2)
--R
                                                                                     +-+
                                                                                                                                            3 7 2 5 2 3 3 +-+ | 2
--R
                                                                       x\|b
                          3a \ atanh(-----) + (16b \ x + 24a \ b \ x + 2a \ b \ x - 3a \ x) \ b \ b \ x + a
--R
--R
                                                                     +----+
--R
                                                                     1 2
--R
                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                  2 +-+
--R
--R
                                                                                                                                                                           128b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 223
--S 224 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                         (3)
--R
                         Γ
--R
                                                                                       4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ | 2 4 4 8
--R
--R
                                                                      (24a b x + 240a b x + 576a b x + 384a) | a | b x + a - 3a b x
--R
                                                                                                                                                                                         7 2
--R
                                                                                           5 3 6
                                                                                                                                     6 2 4
                                                                      - 96a b x - 480a b x - 768a b x - 384a
 --R
 --R
--R.
                                                                                                                                                          +----+
--R
                                                                                     +-+ +-+
                                                                                                                                                        1 2
                                                                                                                                                                                                                                      2
                                                                                                                                                                                                                                                                  +-+ +-+
--R
                                                                               (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
--R
                                                             log(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                      +-+ | 2
                                                                                                                                                                   --R
--R
```

```
7 15 6 13 2 5 11 3 4 9 4 3 7
--R
--R
           - 16b x - 536a b x - 3330a b x - 7997a b x - 8416a b x
--R
               5 2 5 6 3 7
--R
--R
          - 3104a b x + 512a b x + 384a x
--R
--R
             +----+
--R
          +-+ | 2
          \b \b \b x + a
--R
--R
             7 15 6 13 2 5 11 3 4 9 4 3 7
--R
--R
           128b x + 1600a b x + 6480a b x + 11800a b x + 10008a b x
--R
             5 2 5 6 3 7
--R
--R
          2896a b x - 704a b x - 384a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|b
--R
--R
           5 6 4 4 2 3 2 3 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (1024b x + 10240a b x + 24576a b x + 16384a b) | a | b | b x + a
--R
--R
            68 56 244 332 42 +-+
--R
        (- 128b x - 4096a b x - 20480a b x - 32768a b x - 16384a b )\|b
--R
--R
--R
              4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ | 2
--R
--R
           (48a b x + 480a b x + 1152a b x + 768a) | a | b x + a
--R
              4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
--R
          - 6a b x - 192a b x - 960a b x - 1536a b x - 768a
--R
--R
             +---+ | 2
--R
                           +---+ +-+
--R
             \|- b \|b x + a - \|- b \|a
          atan(-----)
--R
--R
--R
              7 15 6 13 2 5 11 3 4 9 4 3 7
--R
           - 16b x - 536a b x - 3330a b x - 7997a b x - 8416a b x
--R
--R
--R
               5 2 5 6 3
           - 3104a b x + 512a b x + 384a x
--R
--R
--R
              +----+
--R
          +---+ | 2
--R
          --R
```

```
7 15 6 13 2 5 11 3 4 9 4 3 7
--R
--R
                                         128b x + 1600a b x + 6480a b x + 11800a b x + 10008a b x
--R
--R
                                                     5 2 5 6 3 7
--R
                                         2896a b x - 704a b x - 384a x
--R
--R
                                       +---+ +-+
--R
                                    \|- b \|a
--R
                /
--R
                                          5 6 4 4 2 3 2 3 2 +---+ +-+ | 2
--R
                               (1024b x + 10240a b x + 24576a b x + 16384a b) = b = a + a
--R
--R
                                                                       5 6 2 4 4 3 3 2
--R
--R
                               (- 128b x - 4096a b x - 20480a b x - 32768a b x - 16384a b )\|- b
--R
--R
                                                                                                    Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 224
--S 225 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
               (4)
--R
                                                +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
                             4 (\|a \|b - b x)\|b x + a + (- b x - a)\|b + b x\|a
--R
--R
                          3a log(-----)
--R
--R
                                                                                                 +-+ | 2
--R
                                                                                               --R
--R
                                                                  +-+
--R
                                                          x\|b
                          - 3a atanh(-----)
--R
--R
                                                         1 2
--R
--R
                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                             2 +-+
--R
                     128b \|b
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 225
--S 226 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
```

```
--E 226
--S 227 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                    (6)
--R
--R
                                                                                                                                                                      +---+ | 2
                                                                                  x\|b
                                                                                                                            4 +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
                   - 3a \|- b atanh(-----) + 6a \|b atan(-----)
--R
                                                                     +----+
--R
                                                                             1 2
--R
--R
                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                   2 +---+ +-+
--R
                                                                                                                      128b \|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 227
--S 228 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
               (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 228
)clear all
--S 229 of 1369
t0:=x^2*(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                                                                  2 | 2
--R
--R
               (1) (bx + ax) \setminus |bx + a
--R
                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 229
--S 230 of 1369
 \texttt{r0:=1/6*x^3*(a+b*x^2)^(3/2)-1/16*a^3*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(3/2)+\_ } 
                1/16*a^2*x*sqrt(a+b*x^2)/b+1/8*a*x^3*sqrt(a+b*x^2)
--R.
--R
--R
                                                                                       +-+
                                                                                                                              2 5 3
--R
                                                                                x \mid b
                                                                                                                                                                                                 2 +-+ | 2
--R
                                    - 3a \ atanh(-----) + (8b \ x + 14a \ b \ x + 3a \ x) \ b \ b \ x + a
--R
                                                                           1 2
--R
```

```
--R
                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R (2) -----
--R
                                                                                                           +-+
--R
                                                                                                       48b\|b
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 230
--S 231 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
           (3)
--R
--R [
--R
--R
                                               3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6 4 2 4
--R
                                       (18a b x + 96a b x + 96a )\|a \|b x + a - 3a b x - 54a b x
--R
--R
                                                   5 2 6
--R
                                       - 144a b x - 96a
--R
--R
                                                                                     +----+
                                                                             | 2 2
--R
                                                                                                                                                    +-+
--R
                                             (\a \b + b x)\b x + a + (-b x - a)\b - b x\a
--R
                                   log(-----
--R
                                                                                               +-+ | 2
--R
--R
                                                                                             --R
--R
                                             5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3 5
--R
                                   (-8b x - 158a b x - 639a b x - 982a b x - 592a b x - 96a x)
--R
                                             +----+
--R
                                     +-+ | 2
--R
--R
                                   \b \b \b x + a
--R
                                        5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3 5
--R
--R
                                   (48b x + 388a b x + 1062a b x + 1266a b x + 640a b x + 96a x)
--R
--R
                                     +-+ +-+
--R
                                  \|a \|b
--R
--R
--R
                                       3 4 2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
                              (288b x + 1536a b x + 1536a b) | a | b | b x + a
--R
                                                             3 4
--R
                                           4 6
                                                                                            2 2 2
--R
                           (-48b x - 864a b x - 2304a b x - 1536a b) \ | b
--R
--R
--R
                                                                                                                                     +----+
```

```
3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
--R
          (- 36a b x - 192a b x - 192a )\|a \|b x + a + 6a b x
--R
             4 2 4 5 2 6
--R
--R
          108a b x + 288a b x + 192a
--R
            +----+
+---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
            \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
--R
         atan(-----)
--R
                     ъ х
--R
           5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3 5
--R
         (-8b x - 158a b x - 639a b x - 982a b x - 592a b x - 96a x)
--R
--R
--R
--R
         +---+ | 2
--R
         --R
           5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3 5
--R
--R
         (48b x + 388a b x + 1062a b x + 1266a b x + 640a b x + 96a x)
--R
--R
          +---+ +-+
--R
         \|- b \|a
--R
--R
          3 4 2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
       (288b x + 1536a b x + 1536a b) = b = a = b
--R
           4 6 3 4 2 2 2 3 +---+
--R
--R
       (-48b x - 864a b x - 2304a b x - 1536a b) | - b
--R
--R
                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 231
--S 232 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
   (4)
--R
--R
           +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
      3 (|a|b + bx)|bx + a + (-bx - a)|b - bx|a
--R
      a log(-----)
                        +----+
--R
                        +-+ | 2
--R
--R
                        --R
--R
               +-+
    3
--R
             x\|b
```

```
a atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                                    1 2
--R
                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                      +-+
--R
                             16b\|b
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 232
--S 233 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
 --R
--R
                  (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 233
--S 234 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                      (6)
--R
                                                                                                                                                                                +---+ | 2 +---+ +-+
--R
                       3 +---+ x\|b 3 +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
--R
                      a \|- b atanh(-----) - 2a \|b atan(-----)
                                                                          +----+
--R
                                                                                                                                                                                                                             b x
--R
                                                                           1 2
--R
                                                                       \|b x + a
--R
                                                                                                                                                +---+ +-+
--R
                                                                                                                                      16b\|- b \|b
--R
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 234
--S 235 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
                 (7) 0
 --R
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 235
)clear all
--S 236 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
```

```
2 | 2
--R
--R
--R
            (1) (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 236
--S 237 of 1369
r0:=1/4*x*(a+b*x^2)^(3/2)+3/8*a^2*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/sqrt(b)+_
             3/8*a*x*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
                                                                               3 +-+ | 2
                                                           x \mid b
--R
                             3a atanh(-----) + (2b x + 5a x)\|b \|b x + a
 --R
 --R
--R
                                                     1 2
--R
                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                               +-+
--R
                                                                                            8\|b
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 237
--S 238 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               (3)
--R
               [
                                                 +-----+
2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2 4
--R
--R
--R
                                     ((12a b x + 24a) | a | b x + a - 3a b x - 24a b x - 24a)
--R
                                                                                         +-----+
1 2 2 +-+
--R
                                                                                  1 2
--R
                                               (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
--R
                                    log(-----)
--R
--R
                                                                                                   +-+ | 2
 --R
 --R
                                                                                                 --R
--R
--R.
                                            3 7 2 5
                                                                                           2 3 3 +-+ | 2
--R
                                (-2b x - 21a b x - 56a b x - 40a x) | b | b x + a
--R
                                    3 7 2 5 2 3 3 +-+ +-+
--R
--R
                               (8b x + 44a b x + 76a b x + 40a x) | a | b
--R
--R
                                                                +-+ +-+ | 2 2 4 2 2 +-+
--R
```

```
--R
                                          (32b x + 64a) | a | b | b x + a + (-8b x - 64a b x - 64a ) | b
 --R
--R
--R
                                                                              2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2 4
--R
--R
                                                           ((24a b x + 48a) | a | b x + a - 6a b x - 48a b x - 48a)
 --R
 --R
                                                                                +---+ | 2
                                                                                                                                                               +---+ +-+
 --R
 --R
                                                                            \|- b \|b x + a - \|- b \|a
 --R
                                                         atan(-----)
                                                                                                     b x
 --R
 --R
 --R
                                                                    3 7 2 5 2 3 3 +---+ | 2
 --R
 --R
                                                 (- 2b x - 21a b x - 56a b x - 40a x)\|- b \|b x + a
 --R
--R
                                                         3 7 2 5
                                                                                                                                        2 3 3 +---+ +-+
--R
                                                 (8b x + 44a b x + 76a b x + 40a x) | - b | a
--R
--R
                                                                                                                                                +----+
--R
                                                             2 +---+ +-+ | 2 2 4 2 2 +---+
--R
                                          (32b x + 64a) = b = 4 + 64a = 64a 
--R
--R
                                                                                                                                                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 238
--S 239 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                     (4)
--R
                                                                             +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
 --R
                                               2 (\langle a \rangle b - b \rangle b + a + (-b - a) b + b \rangle a
                                         3a log(-----)
 --R
--R
                                                                                                                                                     +-+ | 2
 --R
 --R
                                                                                                                                                    |a|bx + a - a
 --R
 --R
                                                                                                         +-+
                                                                                               x \mid b
 --R
                                                         2
                                         - 3a atanh(-----)
--R.
                                                                                       +----+
--R
                                                                                          1 2
--R
--R
                                                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                        +-+
--R
                                  8\|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
```

```
--E 239
--S 240 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
                 (5) 0
--R
--R
                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 240
--S 241 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
 --R
 --R
                     (6)
 --R
--R
                                                                                                  +-+
                                                                                                                                                                                     +---+ | 2 +---+ +-+
                                                                                                                   2 +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
                                   2 +---+ x\|b
--R
--R
                     - 3a \|- b atanh(-----) + 6a \|b atan(-----)
                                                                                                                                                                                                            b x
                                                                                     +----+
--R
--R
                                                                                    | 2
--R
                                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                             +---+ +-+
--R
                                                                                                                                         8\|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 241
--S 242 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                 (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 242
)clear all
--S 243 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(3/2)/x^2
 --R
--R
 --R
                                                                               +----+
                                                                        1 2
--R
                                                     2
--R
                                 (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                 (1) -----
--R
                                                                             2
--R
                                                                           x
--R
                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 243
```

```
--S 244 of 1369
r0:=-(a+b*x^2)^(3/2)/x+3/2*a*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))*sqrt(b)+_
             3/2*b*x*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
                                                                       +-+ +-----+
x\|b 2 | 2
--R
--R
                             3a x\|b atanh(-----) + (b x - 2a)\|b x + a
--R
                                                                    +----+
--R
--R
                                                                     1 2
--R
                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                 2x
--R
                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 244
--S 245 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
            Ε
                                                         3 2 +-+ | 2 3 2 +-+ +-+
--R
--R
                                      ((3a b x + 12a x)|b|b x + a + (-9a b x - 12a x)|a|b)
--R
--R
--R
                                                            +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
                                                (-x|b + |a )|b + a + x|a |b - b - a
--R
--R
--R
                                                                                             +-+ | 2
--R
                                                                                           --R
                                    +-----+
2 4 2 2 +-+ | 2 3 6 2 4 2 2 3
--R
--R
                           (-3b x + 2a b x + 8a) | a | b x + a + b x + 3a b x - 6a b x - 8a
--R
--R
--R
                                                               1 2
--R
                          (2b x + 8a x) | b x + a + (-6b x - 8a x) | a
--R
--R
--R
--R
                                                                                                       +----+
                                                           3 2 +---+ | 2
                                                                                                                                                                  3 2 +---+ +-+
--R
--R
                                      ((6a b x + 24a x) | -b | b x + a + (-18a b x - 24a x) | -b | a)
--R
--R
                                                     | 2 +-+
--R
```

```
--R
                                                      --R
                                         atan(-----)
--R
                                                                          +---+
--R
                                                                    x\|- b
--R
                                            +-----+
2 4 2 2 +-+ | 2 3 6 2 4 2 2 3
--R
--R
--R
                              (- 3b x + 2a b x + 8a )\|a \|b x + a + b x + 3a b x - 6a b x - 8a
--R
--R
                                                                 | 2 3 +-+
--R
                             (2b x + 8a x) | b x + a + (-6b x - 8a x) | a
--R
--R
--R
                                                                                                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 245
--S 246 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                 (4)
--R
                                                                        +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
                                   +-+ (-x|b + |a )|b + a + x|a |b - b - a
--R
                             3a\|b log(-----)
--R
--R
                                                                                                           +-+ | 2
--R
--R
                                                                                                          --R
--R
                                                                                   +-+
                                                                           x \mid b
--R
                                        +-+
                             - 3a\|b atanh(-----)
--R
                                                                   +----+
--R
                                                                        1 2
--R
--R
                                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 246
--S 247 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 247
--S 248 of 1369
m0b:=a0.2-r0
```

```
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                     | 2 +-+
--R
                                                                                             x\|b +---+
--R
                                                     +-+
                                                                                                                                                                               \|b x + a - \|a
                                     - 3a\|b atanh(-----) + 6a\|- b atan(-----)
--R
                                                                                      | 2
                                                                                                                                                                                                    x\|- b
 --R
                                                                                    \|b x + a
--R
--R
--R
                                                                                                                                           2
--R
                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 248
--S 249 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
               (7) 0
--R
--R
                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 249
)clear all
--S 250 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(3/2)/x^4
--R
--R
--R
                                   2 | 2
--R
                     (b x + a)\|b x + a
--R
--R
               (1) -----
--R
                                                                       4
--R
                                                                      х
--R
                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 250
--S 251 of 1369
r0:=-1/3*(a+b*x^2)^(3/2)/x^3+b^(3/2)*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))-_
                 b*sqrt(a+b*x^2)/x
--R
--R
--R
                                                                                                       +-+
                                                                                                                             2 | 2
                                                                                                                                                                                        +----+
                                                                                            x\|b
--R
                                                 3 +-+
                                    3b x \|b atanh(-----) + (- 4b x - a)\|b x + a
--R
                                                                                          +----+
--R
                                                                                          1 2
--R
                                                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                                                                                                                   3
```

```
--R
                          Зx
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 251
--S 252 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
--R
   Ε
--R
            2 5 3 +-+ | 2 2 5 3 +-+ +-+
--R
         ((3b x + 12a b x)|b|b x + a + (-9b x - 12a b x)|a|b)
--R
--R
--R
               +-+ +-+ | 2
--R
                                  +-+ +-+ 2
--R
            (-x|b + |a )|b + a + x|a |b - b - a
--R
--R
                        +-+ | 2
--R
--R
                        --R
--R
--R
          2 4 2 2 +-+ | 2 3 6 2 4 2 2
--R
        (12b x + 19a b x + 4a) | a | b x + a - 4b x - 21a b x - 21a b x
--R
--R
--R
        - 4a
--R
--R
         5 3 | 2 5 3 +-+
--R
--R
       (3b x + 12a x) | b x + a + (-9b x - 12a x) | a
--R
--R
--R
              2 5 3 +---+ | 2
--R
--R
            (6b x + 24a b x) = b b x + a
--R
               2 5 3 +---+ +-+
--R
--R
            (-18b x - 24a b x) | - b | a
--R
--R
             +----+
--R.
             1 2
                      +-+
            \|b x + a - \|a
--R
--R
          atan(-----)
               +---+
--R
--R
                 x\|- b
--R
--R
          2 4 2 2 +-+ | 2 3 6 2 4 2 2
--R
```

```
--R
                                  (12b x + 19a b x + 4a) | a | b x + a - 4b x - 21a b x - 21a b x
--R
                                         3
--R
--R
                                - 4a
--R
--R
                                   5 3 | 2 5 3 +-+
--R
                            (3b x + 12a x) | b x + a + (-9b x - 12a x) | a
--R
--R
--R
                                                                                                                 Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 252
--S 253 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                 (4)
--R
                                                              +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
                         +-+ (-x|b + |a |)|b x + a + x|a |b - b x - a
--R
--R
                       b\|b log(-----)
--R
--R
                                                                                                   +-+ | 2
--R
                                                                                                  --R
--R
                                                                           +-+
--R
                                                                      x \mid b
--R
                        - b\|b atanh(-----)
--R
--R
                                                                1 2
--R
                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 253
--S 254 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
              (5) 0
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 254
--S 255 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                                                                                                                                            1 2
--R
                                                                                                     .
+---+ \|b x + a - \|a
--R
                                                                                x \mid b
--R (6) - b\|b atanh(-----) + 2b\|- b atan(------)
```

```
--R
                                                                                                                                                                                                +---+
--R
                                                                              1 2
                                                                                                                                                                                           x\|- b
--R
                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 255
--S 256 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 256
)clear all
--S 257 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(3/2)/x^6
--R
--R
                                          +----+
2 | 2
--R
--R
--R (1) -----
                                      6
--R
--R
                                                                  x
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 257
--S 258 of 1369
r0:=-1/5*(a+b*x^2)^(5/2)/(a*x^5)
--R
--R
--R
                                           24 2 2 2 2
--R
                             (-bx - 2abx - a)\|bx + a
--R
--R (2) -----
                                                                           5
--R
--R
                                                                                 5a x
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 258
--S 259 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                     48 36 224 32 4 +-+ | 2 510
--R
                               (5b x + 30a b x + 61a b x + 52a b x + 16a) | a | b x + a - b x
--R
```

```
--R
         48 236 324 42 5
--R
--R
       - 15a b x - 55a b x - 85a b x - 60a b x - 16a
--R /
--R
                                +----+
           29 2 7 35 | 2
--R
--R
       (5a b x + 60a b x + 80a x) | b x + a
--R
             2 9 2 7 3 5 +-+
--R
       (- 25a b x - 100a b x - 80a x )\|a
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 259
--S 260 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 260
--S 261 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 261
)clear all
--S 262 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(3/2)/x^8
--R
--R
         2 | 2
--R
       (b x + a) \setminus |b x + a
--R
--R (1) -----
--R
                 8
--R
                 x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 262
--S 263 of 1369
r0:=-1/7*(a+b*x^2)^(5/2)/(a*x^7)+2/35*b*(a+b*x^2)^(5/2)/(a^2*x^5)
--R
--R
--R
          36 24 2 2 3 | 2
--R
```

```
--R (2b x - a b x - 8a b x - 5a )\|b x + a
--R (2) -----
--R
                        2 7
--R
                       35a x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 263
--S 264 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
             6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4
--R
--R
          - 14b x - 105a b x - 112a b x + 467a b x + 1240a b x
--R
--R
             5 2 6
--R
         1072a b x + 320a
--R
           +----+
--R
         +-+ | 2
--R
--R
        \|a \|b x + a
--R
        7 14 6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6 5 2 4
--R
       2b x + 49a b x + 175a b x - 21a b x - 973a b x - 1736a b x
--R
--R
         6 2 7
--R
--R
       - 1232a b x - 320a
--R /
--R
          2 3 13 3 2 11 4 9 5 7 | 2
--R
--R
       (35a b x + 840a b x + 2800a b x + 2240a x) b x + a
--R
           2 3 13 3 2 11 4 9 5 7 +-+
--R
--R
       (-245a b x - 1960a b x - 3920a b x - 2240a x) | a
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 264
--S 265 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 265
--S 266 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 266
)clear all
--S 267 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(3/2)/x^10
--R
--R
--R
                1 2
--R
          2
       (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
--R (1) -----
--R
               10
--R
               X
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 267
--S 268 of 1369
r0:=-1/9*(a+b*x^2)^(5/2)/(a*x^9)+4/63*b*(a+b*x^2)^(5/2)/(a^2*x^7)-_
   8/315*b^2*(a+b*x^2)^(5/2)/(a^3*x^5)
--R
--R
           48 36 224 3 2 4 2
--R
     (- 8b x + 4a b x - 3a b x - 50a b x - 35a )\|b x + a
--R
--R
    (2) -----
--R
                                3 9
--R
                             315a x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 268
--S 269 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
            8 16 7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8
--R
          72b x + 924a b x + 3003a b x + 3690a b x + 7355a b x
--R
--R
              5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
          26504a b x + 44688a b x + 32960a b x + 8960a
--R
--R
--R
             +----+
         +-+ | 2
--R
--R
        \|a \|b x + a
--R
         9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
      - 8b x - 324a b x - 2079a b x - 4557a b x - 5805a b x
--R
--R
```

```
5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
--R
        - 16731a b x - 45288a b x - 60048a b x - 37440a b x - 8960a
--R /
                                     5 2 13
--R
             3 4 17 4 3 15
                                                   6 11
--R
         (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a x)
--R
--R
          +----+
--R
         | 2
        \|b x + a
--R
--R
           3 4 17 4 3 15 5 2 13 6 11
--R
          - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
                7 9
--R
--R
          - 80640a x
--R
--R
          +-+
--R
         \|a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 269
--S 270 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 270
--S 271 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 271
)clear all
--S 272 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(3/2)/x^12
--R
--R
--R
                 +----+
           2 | 2
--R
--R
       (bx + a) \setminus |bx + a|
--R (1) -----
--R
               12
--R
                x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 272
--S 273 of 1369
r0:=-1/11*(a+b*x^2)^(5/2)/(a*x^11)+2/33*b*(a+b*x^2)^(5/2)/(a^2*x^9)-_
   8/231*b^2*(a+b*x^2)^(5/2)/(a^3*x^7)+16/1155*b^3*(a+b*x^2)^(5/2)/(a^4*x^5)
--R
--R
          5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5 | 2
--R
--R
       (16b x - 8a b x + 6a b x - 5a b x - 140a b x - 105a) \ b x + a
--R (2) -----
--R
                                 4 11
--R
                              1155a x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 273
--S 274 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
             10 20 9 18 2 8 16 3 7 14
--R
--R
          - 176b x - 3432a b x - 18018a b x - 36465a b x
--R
--R
               4 6 12 5 5 10 6 4 8 7 3 6
--R
         - 27280a b x + 27363a b x + 200956a b x + 531536a b x
--R
               8 2 4 9 2 10
--R
--R
         695040a b x + 439040a b x + 107520a
--R
--R
           +----+
        +-+ | 2
--R
--R
        --R
         --R
      16b x + 968a b x + 9438a b x + 33033a b x + 49995a b x
--R
--R
--R
          5 6 12 6 5 10 7 4 8 8 3 6
       22847a b x \, - 90629a b x \, - 403084a b x \, - 830896a b x \, - 901120a b x
--R
--R
--R
             10 2
       - 492800a b x - 107520a
--R
--R /
--R.
             4 5 21 5 4 19 6 3 17 7 2 15
--R
          1155a b x + 69300a b x + 646800a b x + 2069760a b x
--R
               8 13 9 11
--R
--R
          2661120a b x + 1182720a x
--R
        +----+
--R
```

```
1 2
 --R
 --R
                                     \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
                                                                     4 5 21 5 4 19 6 3 17
--R
                                                                                                                                                                                                                                  7 2 15
                                           - 12705a b x - 254100a b x - 1422960a b x - 3252480a b x
--R
--R
                                                                          8 13
--R
                                           - 3252480a b x - 1182720a x
--R
--R
--R
                                         +-+
--R
                                      \|a
--R
                                                                                                                                           Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 274
--S 275 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
               (4) 0
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 275
--S 276 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
               (5) 0
--R
                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 276
)clear all
--S 277 of 1369
t0:=x^m*(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                                    2 4 2 2 m | 2
--R
               (1) (b x + 2a b x + a)x \setminus |b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 277
--S 278 of 1369
--r0:=5*a*x^{(1+m)}*(a+b*x^2)^{(3/2)}/((4+m)*(6+m))+x^{(1+m)}*(a+b*x^2)^{(5/2)}/\_
                     (6+m)+15*a^2*x^(1+m)*sqrt(a+b*x^2)/((6+m)*(8+6*m+m^2))+15*_
                      a^3*x^(1+m)*hypergeometric(1/2,1/2*(1+m),1/2*(3+m),-b*x^2/a)*_
--
                     sqrt((a+b*x^2)/a)/((6+m)*(8+14*m+7*m^2+m^3)*sqrt(a+b*x^2))
--E 278
--S 279 of 1369
```

```
--a0:=integrate(t0,x)
--E 279
--S 280 of 1369
--m0:=a0-r0
--E 280
--S 281 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--E 281
)clear all
--S 282 of 1369
t0:=x^7*(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
--R
                                    2 11 9 2 7 | 2
--R (1) (b x + 2a b x + a x )\|b x + a
--R
                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 282
--S 283 of 1369
r0:=-1/7*a^3*(a+b*x^2)^(7/2)/b^4+1/3*a^2*(a+b*x^2)^(9/2)/b^4-_
                3/11*a*(a+b*x^2)^(11/2)/b^4+1/13*(a+b*x^2)^(13/2)/b^4
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                               (231b x + 567a b x + 371a b x + 5a b x - 6a b x + 8a b x - 16a )
--R
--R
--R
                                  +----+
--R
                                | 2
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                         3003b
--R
                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 283
--S 284 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                  (3)
                                                                      8 24 2 7 22 3 6 20
--R
--R
                                          - 3003a b x - 91455a b x - 883883a b x - 4092517a b x
--R
--R
                                                                              5 4 16
                                                                                                                                 6 3 14
                                                                                                                                                               7 2 12
```

```
- 10586862a b x - 16226496a b x - 14702688a b x
--R
--R
            8 10 9 8
--R
--R
         - 7303296a b x - 1537536a x
--R
--R
         +----+
        1 2
--R
--R
        \b x + a
--R
           9 26 8 24 2 7 22 3 6 20
--R
--R
         231b x + 20202a b x + 326690a b x + 2214784a b x
--R
              4 5 18
                           5 4 16 6 3 14
--R
--R
         8033311a b x + 17258670a b x + 22761024a b x + 18162144a b x
--R
--R
              8 10 9 8
--R
         8072064a b x + 1537536a x
--R
--R
         +-+
--R
        \|a
--R /
           6 12 5 10 2 4 8 3 3 6
--R
--R
         3003b x + 252252a b x + 3363360a b x + 16144128a b x
--R
           4 2 4 5 2
--R
         34594560a b x + 33825792a b x + 12300288a
--R
--R
--R
--R
        +-+ | 2
--R
        \|a \|b x + a
--R
         6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6
--R
--R
      - 39039a b x - 1093092a b x - 8744736a b x - 29981952a b x
--R
              5 2 4 6 2
--R
       - 49969920a b x - 39975936a b x - 12300288a
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 284
--S 285 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
            7 6 12 8 5 10 9 4 8 10 3 6
--R
         - 16a b x - 1344a b x - 17920a b x - 86016a b x
--R
                        12 2 13
--R
               11 2 4
        - 184320a b x - 180224a b x - 65536a
--R
--R
```

```
--R
--R
         1 2
--R
         \|b x + a
--R
            7 6 12 8 5 10 9 4 8 10 3 6
--R
--R
           208a b x + 5824a b x + 46592a b x + 159744a b x
--R
                         12 2 13
--R
               11 2 4
          266240a b x + 212992a b x + 65536a
--R
--R
--R
          +-+
--R
         \|a
--R /
--R
              10 12
                           9 10
                                   288
--R
           3003b x + 252252a b x + 3363360a b x + 16144128a b x
--R
                         5 5 2
--R
                 464
--R
          34594560a b x + 33825792a b x + 12300288a b
--R
--R
            +----+
--R
         +-+ | 2
--R
        \|a \|b x + a
--R
          10 12 2 9 10 3 8 8 4 7 6
--R
--R
      - 39039a b x - 1093092a b x - 8744736a b x - 29981952a b x
--R
--R
               5 6 4
                              6 5 2
--R
        - 49969920a b x - 39975936a b x - 12300288a b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 285
--S 286 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 286
)clear all
--S 287 of 1369
t0:=x^5*(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
         2 9 7 2 5 | 2
--R (1) (b x + 2a b x + a x )\|b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 287
```

```
--S 288 of 1369
r0:=1/7*a^2*(a+b*x^2)^(7/2)/b^3-2/9*a*(a+b*x^2)^(9/2)/b^3+_
          1/11*(a+b*x^2)^(11/2)/b^3
--R
--R
--R
                              5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5 | 2
--R
--R
                    --R (2) -----
--R
--R
                                                                                                  693b
--R
                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 288
--S 289 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                 7 20 2 6 18 3 5 16 4 4 14
--R
--R
                             - 693a b x - 15631a b x - 114279a b x - 400653a b x
--R
--R
                                    5 3 12 6 2 10 7 8 8 6
--R
                              - 770616a b x - 838992a b x - 487872a b x - 118272a x
--R
--R
--R
                           1 2
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                 8 22 7 20 2 6 18 3 5 16 4 4 14
--R
--R
                            63b x + 4004a b x + 48994a b x + 254892a b x + 706959a b x
--R
                                              5 3 12 6 2 10 7 8 8 6
--R
--R
                           1136520a b x + 1068144a b x + 547008a b x + 118272a x
--R
--R
                            +-+
--R
                          \|a
--R /
                                  5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2
--R
--R
                             693b x + 41580a b x + 388080a b x + 1241856a b x + 1596672a b x
--R
--R.
                                   5
--R
                            709632a
--R
                                  +----+
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
                        \ln \pi + a
--R
                                    5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4
--R
```

```
--R
                     - 7623a b x - 152460a b x - 853776a b x - 1951488a b x
--R
                                                5 2 6
--R
--R
                          - 1951488a b x - 709632a
--R
                                                                                                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 289
--S 290 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                    6 5 10 7 4 8 8 3 6 9 2 4 10 2
--R
--R
                                   8a b x + 480a b x + 4480a b x + 14336a b x + 18432a b x
--R
--R
                                         11
--R
                                 8192a
--R
--R
                                +----+
                               1 2
--R
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                      6 5 10 7 4 8 8 3 6 9 2 4 10 2
--R
--R
                                   - 88a b x - 1760a b x - 9856a b x - 22528a b x - 22528a b x
--R
                                  11
--R
--R
                                 - 8192a
--R
--R
                                +-+
--R
                              \|a
--R /
                                   8 10 7 8 2 6 6 3 5 4 4 4 2
--R
--R
                                  693b x + 41580a b x + 388080a b x + 1241856a b x + 1596672a b x
--R
--R
                                                  5 3
                                709632a b
--R
--R
--R
                                         +----+
                                +-+ | 2
--R
--R
                           \|a \|b x + a
--R
                                            8 10 2 7 8 3 6 6 4 5 4
--R
--R
                         - 7623a b x - 152460a b x - 853776a b x - 1951488a b x
--R
                                                5 4 2 6 3
--R
--R
                          - 1951488a b x - 709632a b
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 290
--S 291 of 1369
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 291
)clear all
--S 292 of 1369
t0:=x^3*(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                                27 5 23 | 2
--R
--R (1) (b x + 2a b x + a x) \setminus |b x + a
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 292
--S 293 of 1369
r0:=-1/7*a*(a+b*x^2)^(7/2)/b^2+1/9*(a+b*x^2)^(9/2)/b^2
--R
--R
                                 48 36 224 3 2 4 | 2
--R
                 (7b x + 19a b x + 15a b x + a b x - 2a)\|b x + a
--R
              (2) -----
--R
--R
--R
                                                                                                          63b
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 293
--S 294 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                                       6 16 2 5 14 3 4 12 4 3 10 5 2 8
--R
                                      - 63a b x - 1011a b x - 5439a b x - 14049a b x - 19320a b x
--R
--R
                                                          6 6 7 4
--R
--R
                                      - 13776a b x - 4032a x
--R
                                   +----+
--R
--R
                                   | 2
--R
                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                         7 18 6 16 2 5 14 3 4 12 4 3 10
--R
                                    7b x + 306a b x + 2754a b x + 10752a b x + 22239a b x
--R
--R
```

```
5 2 8 6 6 7 4
--R
--R
                                                                                25704a b x + 15792a b x + 4032a x
 --R
--R
                                                                        +-+
--R
                                                                   \|a
--R /
                                                                                 48 36 224 32 4+-+
--R
--R
                                                                       (63b x + 2520a b x + 15120a b x + 28224a b x + 16128a) \arraycolumnum 
--R
--R
--R
                                                                         1 2
--R
                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                    2 3 6 3 2 4 4 2 5
 --R
                                                                                            4 8
                                                          - 567a b x - 7560a b x - 27216a b x - 36288a b x - 16128a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 294
--S 295 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                                                           548 636 724 82 9 | 2
--R
--R
                                                       (-2a b x - 80a b x - 480a b x - 896a b x - 512a) \ b x + a
--R
--R
                                                                               5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9 +-+
--R
                                                           (18a b x + 240a b x + 864a b x + 1152a b x + 512a )\|a
--R /
                                                                                        6 8
                                                                                                                                                                                                                                  2 4 4 3 3 2 4 2 +-+
--R
                                                                                                                                                            5 6
--R
                                                                     (63b x + 2520a b x + 15120a b x + 28224a b x + 16128a b) \arraycolumnum (63b x + 26128a b ) \arraycolumnum (63b x + 26128a b ) \arraycolumnum (63b x + 26128a b x + 16128a b ) \arraycolumnum (63b x + 26128a b x + 16128a b x +
--R
--R
                                                                         +----+
--R
                                                                     | 2
--R
                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                            68 256 344 432 52
--R
                                                         - 567a b x - 7560a b x - 27216a b x - 36288a b x - 16128a b
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 295
--S 296 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 296
```

```
)clear all
--S 297 of 1369
t0:=x*(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                                25 3 2 | 2
--R
--R (1) (b x + 2a b x + a x)\|b x + a
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 297
--S 298 of 1369
r0:=1/7*(a+b*x^2)^(7/2)/b
--R
--R
--R
--R
                                 3 6 2 4 2 2 3 | 2
--R
                         (b x + 3a b x + 3a b x + a )\|b x + a
--R
--R
                                                                                       7b
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 298
--S 299 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                (3)
                                              5 12  2 4 10  3 3 8  4 2 6  5 4  6 2
--R
--R
                                  (-7a b x - 77a b x - 301a b x - 574a b x - 560a b x - 224a x)
--R
--R
                                    +----+
--R
                                 | 2
--R
                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                      6 14 5 12 2 4 10 3 3 8 4 2 6 5 4
--R
--R
                                   b x + 28a b x + 182a b x + 532a b x + 826a b x + 672a b x
--R
                                            6 2
--R
--R
                                     224a x
--R
--R
                                   +-+
--R
                                 \|a
--R /
--R
                                                                                                                                                        +----+
                                 3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2 3 6
--R
--R
                           (7b x + 168a b x + 560a b x + 448a) | a | b x + a - 49a b x
--R
--R
                                       2 2 4 3 2 4
```

```
--R
        - 392a b x - 784a b x - 448a
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 299
--S 300 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
--R
          4 3 6 5 2 4 6 2 7 | 2
--R
        (a b x + 24a b x + 80a b x + 64a) \ b x + a
--R
                               6 2
--R
            4 3 6
                     5 2 4
--R
        (- 7a b x - 56a b x - 112a b x - 64a )\|a
--R /
--R
--R
          4 6
                    3 4 2 2 2 3 +-+ | 2
--R
        (7b x + 168a b x + 560a b x + 448a b) | a | b x + a - 49a b x
--R
--R
            2 3 4
                    3 2 2
--R
        - 392a b x - 784a b x - 448a b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 300
--S 301 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 301
)clear all
--S 302 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x
--R
--R
--R
          2 4 2 2 | 2
--R
--R
         (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
    (1) -----
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 302
--S 303 of 1369
r0:=1/3*a*(a+b*x^2)^(3/2)+1/5*(a+b*x^2)^(5/2)-_
    a^(5/2)*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))+a^2*sqrt(a+b*x^2)
```

```
--R
--R
--R
                    1 2
--R
                  --R
           2 +-+
--R
        - 15a \|a atanh(-----) + (3b x + 11a b x + 23a )\|b x + a
--R
--R
                     \|a
--R
--R
                                15
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 303
--S 304 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
            3 2 4 4 2 5 | 2
--R
--R
          (15a b x + 180a b x + 240a) \ x + a
--R
             3 2 4 4 2 5 +-+
--R
--R
          (- 75a b x - 300a b x - 240a )\|a
--R
--R
            | 2 +-+
--R
--R
           --R
        log(-----)
--R
--R
--R
            48 236 324 4 2 | 2
--R
--R
       (-15a b x - 115a b x - 360a b x - 360a b x) \ b x + a
--R
        5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 +-+
--R
--R
       (3b x + 50a b x + 250a b x + 540a b x + 360a b x) | a
--R /
--R
       2 4 2 2 +-+ | 2 2 4 2 2 3
--R
--R
      (15b x + 180a b x + 240a )\|a \|b x + a - 75a b x - 300a b x - 240a
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 304
--S 305 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                +----+
```

```
--R
--R
          (15a b x + 180a b x + 240a) \ x + a
--R
--R
              3 2 4 4 2 5 +-+
--R
         (- 75a b x - 300a b x - 240a )\|a
--R
--R
            | 2 +-+
--R
           --R
         log(-----)
--R
--R
--R
--R
             3 2 4 4 2 5 | 2
--R
--R
         (15a b x + 180a b x + 240a) \ x + a
--R
--R
              3 2 4 4 2 5 +-+
--R
         (- 75a b x - 300a b x - 240a )\|a
--R
--R
              +----+
--R
             | 2
--R
            \|b x + a
         atanh(-----)
--R
--R
                +-+
--R
                \|a
--R
--R
         3 2 4 4 2 5 | 2
--R
--R
       (23a b x + 276a b x + 368a) \ b x + a
--R
                            5 +-+
--R
           3 2 4 4 2
--R
       (- 115a b x - 460a b x - 368a )\|a
--R /
--R
                              +----+
                2 2 +-+ | 2 2 4 2 2 3
--R
      (15b x + 180a b x + 240a )\|a \|b x + a - 75a b x - 300a b x - 240a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 305
--S 306 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 306
)clear all
--S 307 of 1369
```

```
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^3
--R
--R
--R
         2 4 2 2 1 2
--R
--R
        (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
   (1) -----
--R
                    3
--R
                    X
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 307
--S 308 of 1369
r0:=5/6*b*(a+b*x^2)^(3/2)-1/2*(a+b*x^2)^(5/2)/x^2-_
    5/2*a^(3/2)*b*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))+5/2*a*b*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                         +----+
                         1 2
--R
                        --R
         - 15a b x \|a atanh(-----) + (2b x + 14a b x - 3a )\|b x + a
--R
                            +-+
--R
--R
                           \|a
--R
    (2) -----
                                    2
--R
--R
                                    6x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 308
--S 309 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
              2 3 6 3 2 4 4 2 | 2
--R
--R
           (15a b x + 180a b x + 240a b x) | b x + a
--R
               2 3 6 3 2 4 4 2 +-+
--R
--R
           (-75a b x - 300a b x - 240a b x) | a
--R
--R
             +----+
--R
             1 2
                       +-+
--R
            \|b x + a - \|a
--R
         log(-----)
--R
--R
--R
                  2 3 6 3 2 4 4 2 5 | 2
--R
              4 8
--R
        (-10a b x - 96a b x - 129a b x + 60a b x + 48a) \ b x + a
```

```
--R
                          5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5 +-+
--R
--R
                        (2b x + 40a b x + 165a b x + 105a b x - 84a b x - 48a )\a
--R /
--R
                                                                                                     +----+
                                                                                                                                26 24 32
                        2 6 4 2 2 +-+ | 2
--R
--R
                     (6b x + 72a b x + 96a x )\|a \|b x + a - 30a b x - 120a b x - 96a x
--R
                                                                                                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 309
--S 310 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              (4)
--R
                                             2 3 4 3 2 2 4 | 2
--R
                                   (15a b x + 180a b x + 240a b) | b x + a
--R
--R
                                                2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
--R
                                     (-75a b x - 300a b x - 240a b) | a
--R
--R
                                          | 2 +-+
--R
--R
                                         --R
                               log(-----)
--R
--R
--R
                                              2 3 4 3 2 2 4 1 2
--R
--R
                                   (15a b x + 180a b x + 240a b) | b x + a
--R
--R
                                                 2 3 4 3 2 2
--R
                                 (-75a b x - 300a b x - 240a b) | a
--R
                                                +----+
--R
                                                1 2
--R
--R
                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                               atanh(-----)
                                                      +-+
--R
--R
                                                        \|a
--R
--R.
                                    2 3 4 3 2 2 4 | 2
--R.
--R
                          (14a b x + 168a b x + 224a b) \ b x + a
--R
                                     2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
--R
                          (-70a b x - 280a b x - 224a b) | a
--R /
--R
                                                                                                   +----+
```

```
2 4 2 2 +-+ | 2 2 4 2 2 3
--R
--R
      (6b x + 72a b x + 96a )\|a \|b x + a - 30a b x - 120a b x - 96a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 310
--S 311 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 311
)clear all
--S 312 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^5
--R
--R
--R
                         +----+
         2 4 2 2 | 2
--R
--R
      (bx + 2abx + a) \setminus |bx + a|
--R (1) -----
                    5
--R
--R
                     X
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 312
--S 313 of 1369
r0:=-5/8*b*(a+b*x^2)^(3/2)/x^2-1/4*(a+b*x^2)^(5/2)/x^4-_
    15/8*b^2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))*sqrt(a)+15/8*b^2*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                        +----+
--R
                        1 2
                       2 4 +-+
--R
        - 15b x \|a atanh(-----) + (8b x - 9a b x - 2a )\|b x + a
--R
                          +-+
--R
--R
                          \|a
--R
--R
--R
                                   8x
--R.
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 313
--S 314 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
--R
              48 236 324 | 2
--R
--R
          (15a b x + 180a b x + 240a b x) | b x + a
--R
               48 236 324 +-+
--R
--R
          (-75a b x - 300a b x - 240a b x) | a
--R
--R
            | 2 +-+
--R
           --R
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
            48 236 324 42 5 | 2
--R
--R
       (- 32a b x - 19a b x + 190a b x + 184a b x + 32a )\|b x + a
--R
--R
        5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5 +-+
       (8b x + 55a b x - 55a b x - 278a b x - 200a b x - 32a) \ | a
--R
--R /
--R
                               +----+
--R
        28 6 24 +-+ | 2 28 26
--R
       (8b x + 96a b x + 128a x )\|a \|b x + a - 40a b x - 160a b x
--R
--R
         3 4
--R
       - 128a x
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 314
--S 315 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
             4 4 2 3 2 3 2 | 2
--R
--R
          (15a b x + 180a b x + 240a b) \ x + a
--R
               4 4 2 3 2 3 2 +-+
--R
--R
          (-75a b x - 300a b x - 240a b) | a
--R
--R
            +----+
--R
            1 2
                     +-+
--R
           \|b x + a - \|a
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
              4 4 2 3 2 3 2 | 2
--R
--R
          (15a b x + 180a b x + 240a b) \ x + a
```

```
--R
                                                               4 4 2 3 2 3 2 +-+
--R
 --R
                                           (- 75a b x - 300a b x - 240a b )\|a
--R
--R
                                                         +----+
                                                        1 2
--R
--R
                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                    atanh(-----)
                                                                +-+
--R
--R
                                                                 \|a
--R
--R
                                           4 4 2 3 2 3 2 | 2
--R
--R
                               (8a b x + 96a b x + 128a b) \ b x + a
--R
--R
                                                   4 4 2 3 2
                                                                                                                  3 2 +-+
--R
                               (- 40a b x - 160a b x - 128a b )\|a
--R /
--R
                                                                                                                     +----+
                                                                                                2 +-+ | 2
--R
                                2 4
                                                       2
                                                                                                                                                                2 4
--R
                        (8b x + 96a b x + 128a) | a | b x + a - 40a b x - 160a b x - 128a
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 315
--S 316 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
              (5) 0
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 316
)clear all
--S 317 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^7
--R
--R
--R
                                    2 4 2 2 | 2
 --R
 --R
                                 (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                  (1) -----
--R
                                                                                7
--R
                                                                              X
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 317
--S 318 of 1369
r0:=-5/24*b*(a+b*x^2)^(3/2)/x^4-1/6*(a+b*x^2)^(5/2)/x^6-_
               5/16*b^3*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/sqrt(a)-5/16*b^2*sqrt(a+b*x^2)/x^2
```

```
--R
--R
--R (2)
--R
                                                      1 2
--R
                  --R
--R - 15b x atanh(-----) + (- 33b x - 26a b x - 8a )\|a \|b x + a
--R
--R
                                                                \|a
--R
--R
--R
                                                                                                       48x \|a
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 318
--S 319 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                                  5 10 2 4 8 3 3 6 | 2
--R
--R
                                    (90a b x + 480a b x + 480a b x) \ x + a
--R
                                                   6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 +-+
--R
--R
                                      (-15b x - 270a b x - 720a b x - 480a b x) | a
--R
--R
                                            | 2 +-+
--R
--R
                                           log(-----)
--R
--R
--R
                                               5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4 5 2 6
--R
--R
                                 (33a b x + 620a b x + 2060a b x + 2448a b x + 1216a b x + 256a)
--R
--R
                                   +----+
                                   1 2
--R
--R
                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                             5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4 5 2
--R
--R
                                     - 198a b x - 1410a b x - 3148a b x - 3024a b x - 1344a b x
--R
--R
--R
                                   - 256a
--R
--R
                                   +-+
--R
                                 \|a
--R /
--R
                                                                                                                                           +----+
```

```
2 10 2 8 3 6 +-+ | 2 3 12
--R
--R
       (288a b x + 1536a b x + 1536a x )\|a \|b x + a - 48a b x
--R
             2 2 10 3 8 4 6
--R
--R
        - 864a b x - 2304a b x - 1536a x
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 319
--S 320 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         | 2 +-+ | 2
3 \|b x + a - \|a 3 \|b x + a
--R
--R
--R
        5b log(-----) + 5b atanh(-----)
--R
--R
                                           \|a
   (4) -----
--R
--R
--R
                           16\|a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 320
--S 321 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 321
)clear all
--S 322 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^9
--R
--R
--R
         24 2 2 1 2
--R
--R
        (bx + 2abx + a) \setminus |bx + a|
--R
   (1) -----
--R
                     9
--R
                     X
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 322
--S 323 of 1369
r0:=-5/48*b*(a+b*x^2)^(3/2)/x^6-1/8*(a+b*x^2)^(5/2)/x^8+_
    5/128*b^4*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)-_
```

```
5/64*b^2*sqrt(a+b*x^2)/x^4-5/128*b^3*sqrt(a+b*x^2)/(a*x^2)
--R
--R
--R
          (2)
--R
                                                       +----+
                                                      1 2
--R
--R
                           4 8
                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                   15b x atanh(-----)
--R
                                                             +-+
--R
                                                            \|a
--R
--R
                                  3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
                      (-15b x - 118a b x - 136a b x - 48a) | a | b x + a
--R /
--R
                              8 +-+
--R
                  384a x \|a
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 323
--S 324 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           (3)
--R
                                                   7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8 | 2
--R
--R
                                (- 120a b x - 1200a b x - 2880a b x - 1920a b x )\|b x + a
--R
                                          8 16 7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8 +-+
--R
--R
                                  (15b x + 480a b x + 2400a b x + 3840a b x + 1920a b x) | a
--R
--R
                                        +----+
                                      | 2 +-+
--R
--R
                                     \b x + a - \a
--R
                            log(-----)
--R
--R
                                         --R
--R
                                15a b x + 598a b x + 6312a b x + 27120a b x + 55424a b x
--R
                                             6 2 4 7 2
--R
--R
                                57600a b x + 29696a b x + 6144a
--R
--R
                              +----+
                             1 2
--R
--R
                            \b x + a
--R
                                                 --R
                                  - 120a b x - 2264a b x - 15552a b x - 49248a b x - 80896a b x
--R
```

```
--R
           6 2 4 7 2 8
--R
--R
         - 71680a b x - 32768a b x - 6144a
--R
--R
        +-+
--R
        \|a
--R /
--R
          2 3 14 3 2 12 4 10 5 8 +-+ | 2
--R
       (3072a b x + 30720a b x + 73728a b x + 49152a x )\|a \|b x + a
--R
--R
          2 4 16 3 3 14 4 2 12 5 10
--R
       - 384a b x - 12288a b x - 61440a b x - 98304a b x - 49152a x
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 324
--S 325 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              +----+
              | 2 +-+
--R
                                    1 2
         4 \|bx +a - \|a 4 \|bx +a
--R
--R
       - 5b log(-----) - 5b atanh(-----)
--R
--R
                                       \|a
--R
    (4) -----
--R
--R
                       128a\|a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 325
--S 326 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 326
)clear all
--S 327 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^11
--R
--R
--R
                      +----+
       24 2 2 1 2
--R
--R (b x + 2a b x + a )\|b x + a
--R (1) -----
```

```
--R
                                                                                                                                             11
--R
                                                                                                                                        х
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 327
--S 328 of 1369
r0:=-1/16*b*(a+b*x^2)^(3/2)/x^8-1/10*(a+b*x^2)^(5/2)/x^10-_
                           3/256*b^5*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-_
                           1/32*b^2*sqrt(a+b*x^2)/x^6-1/128*b^3*sqrt(a+b*x^2)/(a*x^4)+_
                           3/256*b^4*sqrt(a+b*x^2)/(a^2*x^2)
--R
--R
 --R
                                (2)
 --R
                                                                                                                                        +----+
 --R
                                                                                                                                       1 2
--R
                                                                           5 10
                                                                                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
                                                   - 15b x atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                            +-+
--R
                                                                                                                                                       \|a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          +----+
--R
                                                                       4 8 3 6
                                                                                                                                                                              2 2 4
                                                                                                                                                                                                                                             3 2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                              4 +-+ | 2
--R
                                                      (15b x - 10a b x - 248a b x - 336a b x - 128a )\|a \|b x + a
--R /
--R
                                                                    2 10 +-+
--R
                                           1280a x \|a
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 328
--S 329 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                (3)
--R
                                                                                                                             9 18
                                                                                                                                                                                           2 8 16
                                                                                                                                                                                                                                                                3 7 14
                                                                                               150a b x + 2400a b x + 10080a b x + 15360a b x
--R
--R
--R
                                                                                                                       5 5 10
 --R
                                                                                             7680a b x
 --R
                                                                                         +----+
 --R
 --R
                                                                                         1 2
--R.
                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                       9 18 2 8 16
--R
                                                                                                                       10 20
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               3 7 14
--R
                                                                                               -15b x - 750a b x - 6000a b x - 16800a b x
--R
--R
                                                                                                                                        4 6 12
                                                                                                                                                                                                          5 5 10
--R
                                                                                               - 19200a b x - 7680a b x
--R
```

```
--R
                                       +-+
--R
                                     \|a
--R
                                     +----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
                                     --R
                           log(-----)
--R
--R
                                             9 18 2 8 16 3 7 14 4 6 12
--R
--R
                               - 15a b x - 740a b x - 5252a b x - 64a b x + 108128a b x
--R
                                              648 736 824 92 10
--R
                               423680a b x + 750080a b x + 700416a b x + 335872a b x + 65536a
--R
--R
--R
                              +----+
--R
                             1 2
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                          --R
--R
                              150a b x + 2450a b x + 8300a b x - 28400a b x - 258656a b x
--R
--R
                                              6 4 8
                                                                     7 3 6 8 2 4 9 2 10
--R
                            - 729600a b x - 1062400a b x - 860160a b x - 368640a b x - 65536a
--R
--R
                             +-+
--R
                           \|a
--R /
                                  3 4 18 4 3 16 5 2 14 6 12
--R
--R
                             12800a b x + 204800a b x + 860160a b x + 1310720a b x
--R
--R
                                                7 10
--R
                             655360a x
--R
--R
                                   +----+
                            +-+ | 2
--R
--R
                          \|a \|b x + a
--R
                                   3 5 20 4 4 18 5 3 16 6 2 14
--R
--R
                      - 1280a b x - 64000a b x - 512000a b x - 1433600a b x
--R
--R
                                          7 12
                                                                      8 10
--R.
                       - 1638400a b x - 655360a x
--R
                                                                                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 329
--S 330 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R
                                                      | 2 +-+
--R
                                                                                                                                               1 2
                                    5 | bx + a - | a  5 | bx + a
--R
--R
                                3b log(-----) + 3b atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                           \|a
--R
                 (4) -----
--R
                                                                                                   2 +-+
--R
                                                                                              256a \|a
--R
                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 330
--S 331 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
              (5) 0
--R
                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 331
)clear all
--S 332 of 1369
t0:=x^4*(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                                  28 6 24 | 2
--R
--R
               (1) (b x + 2a b x + a x) \setminus |b x + a
--R
                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 332
--S 333 of 1369
r0:=1/16*a*x^5*(a+b*x^2)^(3/2)+1/10*x^5*(a+b*x^2)^(5/2)+_
               3/256*a^5*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-_
               3/256*a^4*x*sqrt(a+b*x^2)/b^2+1/128*a^3*x^3*sqrt(a+b*x^2)/b+_
               1/32*a^2*x^5*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                                              x\|b
--R
                                   5
                             15a atanh(-----)
--R.
                                                     +----+
--R
                                                           1 2
--R
--R
                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                           3 7 2 2 5 3 3 4 +-+ | 2
--R
--R
                              (128b x + 336a b x + 248a b x + 10a b x - 15a x) | b | b x + a
```

```
--R /
--R 2 +-+
--R 1280b \|b
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 333
--S 334 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
                                                    5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9 +-+
--R
--R
                                            (150a b x + 2400a b x + 10080a b x + 15360a b x + 7680a) \arraycolumnum 
--R
--R
--R
                                             1 2
--R
                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                               5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4 9 2
--R
--R
                                       - 15a b x - 750a b x - 6000a b x - 16800a b x - 19200a b x
--R
--R
                                                   10
--R
                                      - 7680a
--R
--R
                                             +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
                                            (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
--R
--R
--R
                                                                                            +-+ | 2
--R
                                                                                          --R
                                                  9 19 8 17 2 7 15 3 6 13
--R
--R
                                      - 128b x - 6736a b x - 68248a b x - 290170a b x
--R
                                                        4 5 11 5 4 9 6 3 7 7 2 5
--R
--R
                                      - 639845a b x - 776626a b x - 494672a b x - 122976a b x
--R
                                                  8 3
--R
--R
                                      14080a b x + 7680a x
--R
--R
                                           +----+
                                    +-+ | 2
--R
--R
                                  \b \b \b x + a
--R
                                               9 19 8 17 2 7 15 3 6 13
--R
--R
                                    1280b x + 25120a b x + 166096a b x + 538900a b x
--R
--R
                                                       4 5 11 5 4 9 6 3 7 7 2 5
```

```
--R
           974350a b x + 1008010a b x + 557440a b x + 116896a b x
--R
            8 3 9
--R
--R
          - 17920a b x - 7680a x
--R
          +-+ +-+
--R
--R
         \|a \|b
--R
            68 56 244 332
--R
           12800b x + 204800a b x + 860160a b x + 1310720a b x
--R
--R
--R
                4 2
             655360a b
--R
--R
--R
               +----+
--R
          +-+ +-+ | 2
--R
          --R
              7 10 6 8 2 5 6 3 4 4
--R
--R
           - 1280b x - 64000a b x - 512000a b x - 1433600a b x
--R
                 4 3 2 5 2
--R
--R
          - 1638400a b x - 655360a b
--R
          +-+
--R
--R
          \|b
--R
--R
               5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
--R
            (300a b x + 4800a b x + 20160a b x + 30720a b x + 15360a)
--R
--R
               +----+
             +-+ | 2
--R
--R
            \|a \|b x + a
--R
             5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4 9 2
--R
--R
           - 30a b x - 1500a b x - 12000a b x - 33600a b x - 38400a b x
--R
              10
--R
--R
           - 15360a
--R
--R
--R
             +---+ | 2
                           +---+ +-+
--R
            \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
          atan(-----)
--R
--R
              9 19 8 17 2 7 15 3 6 13
--R
          - 128b x - 6736a b x - 68248a b x - 290170a b x
--R
--R
```

```
4 5 11 5 4 9 6 3 7 7 2 5
--R
--R
           - 639845a b x - 776626a b x - 494672a b x - 122976a b x
--R
               8 3 9
--R
--R
          14080a b x + 7680a x
--R
--R
              +----+
--R
          +---+ | 2
         --R
--R
--R
              9 19 8 17 2 7 15 3 6 13
           1280b x + 25120a b x + 166096a b x + 538900a b x
--R
--R
                        5 4 9 6 3 7
--R
               4 5 11
--R
           974350a b x + 1008010a b x + 557440a b x + 116896a b x
--R
--R
                8 3
           - 17920a b x - 7680a x
--R
--R
--R
          +---+ +-+
--R
         \|- b \|a
--R
             68 56 244 332
--R
            12800b x + 204800a b x + 860160a b x + 1310720a b x
--R
--R
--R
                 4 2
--R
             655360a b
--R
--R
                  +----+
--R
          +---+ +-+ | 2
--R
         \|- b \|a \|b x + a
--R
                      68 256 344
--R
--R
           - 1280b x - 64000a b x - 512000a b x - 1433600a b x
--R
                  4 3 2 5 2
--R
--R
          - 1638400a b x - 655360a b
--R
           +---+
--R
--R
         \|- b
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 334
--S 335 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                         +----+
```

```
+-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
                                                 5 (|a|b - bx)|bx + a + (-bx - a)|b + bx|a
 --R
 --R
                                                    3a log(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                             +-+ | 2
--R
                                                                                                                                                                                           --R
--R
                                                           5
                                                                                                                 x\|b
--R
                                                    - 3a atanh(-----)
--R
--R
                                                                  +----+
                                                                                                                 1 2
--R
                                                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
 --R /
--R
                                                    2 +-+
--R
                                         256ъ \|ъ
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 335
--S 336 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 336
--S 337 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                         (6)
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                 +---+ | 2 +---+ +-+
--R
                                     +-+ +---+ | 2 +---+ +-+
5 +---+ x\|b 5 +--+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
                               - 3a \|- b atanh(-----) + 6a \|b atan(------)
--R
--R
                                                                                                                +----+
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 bх
                                                                                                                          | 2
--R
--R
                                                                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                              2 +---+ +-+
 --R
                                                                                                                                                                                           256b \|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--Е 337
--S 338 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
```

```
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 338
)clear all
--S 339 of 1369
t0:=x^2*(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
--R
                                   26 4 22 | 2
              (1) (b x + 2a b x + a x) \setminus |b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 339
--S 340 of 1369
r0:=5/48*a*x^3*(a+b*x^2)^(3/2)+1/8*x^3*(a+b*x^2)^(5/2)-_
              5/128*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(3/2)+_
               5/128*a^3*x*sqrt(a+b*x^2)/b+5/64*a^2*x^3*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                                                                +-+
--R
                                            4
                                                                          x\|b
                              - 15a atanh(-----)
--R
--R
                                                                    1 2
--R
--R
                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                                     +----+
                                         3 7 2 5 2 3 3 +-+ | 2
--R
--R
                              (48b x + 136a b x + 118a b x + 15a x) | b | b x + a
--R /
--R
--R
                        384b\|b
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 340
--S 341 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                  (3)
--R
                 Ε
--R
                                                                                                                                                                                                          +----+
--R
                                                               4 3 6
                                                                                                     5 2 4
                                                                                                                                       6 2
                                                                                                                                                                                    7 +-+ | 2
--R
                                                (120a b x + 1200a b x + 2880a b x + 1920a) | a | b x + a
--R
                                                                                            5 3 6 6 2 4 7 2
--R
                                                               4 4 8
--R
                                                - 15a b x - 480a b x - 2400a b x - 3840a b x - 1920a
```

```
--R
--R
             +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            (|a|b + bx)|bx + a + (-bx - a)|b - bx|a
         log(-----)
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          \|a \|b x + a - a
--R
             7 15 6 13 2 5 11 3 4 9 4 3 7
--R
          - 48b x - 1672a b x - 12150a b x - 37839a b x - 60320a b x
--R
--R
               5 2 5 6 3
--R
--R
          - 50016a b x - 18944a b x - 1920a x
--R
--R
--R
          +-+ | 2
--R
         \b \b \b x + a
--R
            7 15 6 13 2 5 11 3 4 9 4 3 7
--R
--R
           384b x + 5312a b x + 25968a b x + 62856a b x + 83080a b x
--R
--R
            5 2 5 6 3 7
--R
          59248a b x + 19904a b x + 1920a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|b
--R
    /
--R
           4 6 3 4 2 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
        (3072b \ x \ + 30720a \ b \ x \ + 73728a \ b \ x \ + 49152a \ b) \ a \ b \ b \ x \ + a
--R
--R
                                        3 2 2 4 +-+
                              2 3 4
--R
                     4 6
--R
       (- 384b x - 12288a b x - 61440a b x - 98304a b x - 49152a b)\|b
--R
--R
--R
              4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ | 2
--R
           (-240a b x - 2400a b x - 5760a b x - 3840a) | a | b x + a
--R
--R
             4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
           30a b x + 960a b x + 4800a b x + 7680a b x + 3840a
--R
--R
--R
                  +----+
             +---+ | 2
                           +---+ +-+
--R
--R
            |- b |b x + a - |- b |a
--R
         atan(-----)
--R
                     bх
--R
--R
              7 15 6 13 2 5 11 3 4 9 4 3 7
```

```
- 48b x - 1672a b x - 12150a b x - 37839a b x - 60320a b x
--R
--R
                                                   5 2 5 6 3 7
--R
--R
                                 - 50016a b x - 18944a b x - 1920a x
--R
                                              +----+
--R
                                +---+ | 2
--R
--R
                                --R
                                          7 15 6 13 2 5 11 3 4 9
--R
--R
                                   384b x + 5312a b x + 25968a b x + 62856a b x + 83080a b x
--R
                                               5 2 5 6 3 7
--R
--R
                                  59248a b x + 19904a b x + 1920a x
--R
--R
                                 +---+ +-+
--R
                             \|- b \|a
--R /
--R
                                     4 6 3 4 2 2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
                           (3072b x + 30720a b x + 73728a b x + 49152a b) = b = a = b
--R
--R
                                     5 8
                                                           4 6 2 3 4 3 2 2 4 +---+
--R
                          (-384b x - 12288a b x - 61440a b x - 98304a b x - 49152a b) | - b
--R
--R
                                                                                        Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 341
--S 342 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
                                        --R
--R
                       4 (|a|b + bx)|bx + a + (-bx - a)|b - bx|a
--R
                      5a log(-----)
--R
--R
                                                                                    +-+ | 2
--R
--R
                                                                                   --R
--R
                                                    +-+
                                              x\|b
--R
                        4
--R
                       5a atanh(-----)
                        +----+
--R
                                           1 2
--R
--R
                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                  128b\|b
```

```
--R
                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 342
--S 343 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                 (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 343
--S 344 of 1369
m0b:=a0.2-r0
 --R
 --R
--R
                     (6)
--R
                                                                                                                                                                                 +---+ | 2 +---+ +-+
--R
                                                                                           +-+
--R
                                                                                                                  4 +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
                       4 +---+
                                                                               x/|b
                     5a \|- b atanh(-----) - 10a \|b atan(-----)
--R
                                                                              +----+
--R
                                                                                                                                                                                                                                 b x
--R
                                                                             1 2
--R
                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                             +---+ +-+
--R
                                                                                                                                 128b\|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 344
--S 345 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 345
)clear all
--S 346 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)
 --R
 --R
--R
                                          24 2 2 | 2
--R
--R
                 (1) (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 346
--S 347 of 1369
```

```
r0:=5/24*a*x*(a+b*x^2)^(3/2)+1/6*x*(a+b*x^2)^(5/2)+_
            5/16*a^3*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/sqrt(b)+5/16*a^2*x*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                                                              +-+
                                                                                           2 5 3 2 +-+ | 2
--R
                                 3
                                                         x\|b
                          15a atanh(-----) + (8b x + 26a b x + 33a x)\|b \|b x + a
--R
--R
                                                     1 2
--R
--R
                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
           (2) -----
--R
--R
                                                                                                    48\|b
--R
                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 347
--S 348 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
--R
                                                3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
                                      (90a b x + 480a b x + 480a) | a | b x + a - 15a b x
--R
--R
                                                   4 2 4 5 2 6
--R
                                      - 270a b x - 720a b x - 480a
--R
--R
                                              --R
--R
                                            (|a |b - b x)|b x + a + (-b x - a)|b + b x|a
--R
                                  log(-----)
--R
--R
                                                                                           +-+ | 2
--R
                                                                                          --R
                                                  5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3
--R
                                            - 8b x - 170a b x - 885a b x - 2098a b x - 2416a b x
--R
--R
--R
                                            - 1056a x
--R
--R
--R
                                    +-+ | 2
--R
--R
                                  \b \b \b x + a
--R
                                               5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3
--R
                                          48b x + 460a b x + 1698a b x + 3174a b x + 2944a b x
--R
--R
```

```
--R
          1056a x
--R
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|b
--R
--R
                                     +----+
           2 4 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (288b x + 1536a b x + 1536a) | a | b | b x + a
--R
           3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
--R
       (- 48b x - 864a b x - 2304a b x - 1536a )\|b
--R
--R
--R
--R
              3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
           (180a b x + 960a b x + 960a )\|a \|b x + a - 30a b x
--R
              4 2 4 5 2 6
--R
--R
           - 540a b x - 1440a b x - 960a
--R
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
            \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
          atan(-----)
                 bх
--R
--R
              5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3
--R
--R
            - 8b x - 170a b x - 885a b x - 2098a b x - 2416a b x
--R
             5
--R
--R
            - 1056a x
--R
--R
              +----+
--R
          +---+ | 2
          --R
--R
             5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3
--R
--R
            48b x + 460a b x + 1698a b x + 3174a b x + 2944a b x
--R
              5
--R
--R
           1056a x
--R
          +---+ +-+
--R
         \|- b \|a
--R
--R
--R
          2 4 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (288b x + 1536a b x + 1536a) = b | a | b x + a
--R
```

```
3 6 2 4 2 2 3 +---+
--R
--R
                                  (- 48b x - 864a b x - 2304a b x - 1536a )\|- b
--R
                      1
--R
                                                                                                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 348
--S 349 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                 (4)
--R
                                                     +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
                                 3 (|a|b - bx)|bx + a + (-bx - a)|b + bx|a
--R
--R
                            5a log(-----)
--R
                                                                                                              +----+
--R
                                                                                                         +-+ | 2
--R
                                                                                                       --R
--R
--R
                                                               x \mid b
                            - 5a atanh(-----)
--R
--R
                                                              | 2
--R
--R
                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                       16\|b
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 349
--S 350 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
             (5) 0
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--Е 350
--S 351 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                 (6)
--R
                                                                                                                                                     +---+ | 2
--R
                                                                              +-+
                                                                                                                                                                                                             +---+ +-+
                       3 +---+ x\|b 3 +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
--R
                 - 5a \|- b atanh(-----) + 10a \|b atan(-----)
                                                                                                                                                           b x
--R
                                                                     1 2
--R
```

```
--R
                                                                                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                             +---+ +-+
--R
                                                                                                                                                                                                                               16\|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 351
--S 352 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                            (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 352
)clear all
--S 353 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^2
--R
--R
--R
                                                                 2 4 2 2 | 2
--R
                                        (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
--R (1) -----
                                                                                                                                                    2
--R
--R
                                                                                                                                                       x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 353
--S 354 of 1369
r0:=5/4*b*x*(a+b*x^2)^(3/2)-(a+b*x^2)^(5/2)/x+_
                              15/8*a^2*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))*sqrt(b)+15/8*a*b*x*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
                                                                                                                                                                x\|b
                                                                                                                                                                                                                                                   24 2 2 2 2
--R
                                                                                2 +-+
                                                               15a x\|b atanh(-----) + (2b x + 9a b x - 8a )\|b x + a
 --R
                                                                                                                                                          +----+
 --R
                                                                                                                                                              1 2
 --R
 --R
                                                                                                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                      8x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 354
--S 355 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R (3)
   [
--R
--R
             2 2 5 3 3 4 +-+ | 2
--R
--R
           (15a b x + 180a b x + 240a x) | b | b x + a
--R
               2 2 5 3 3 4 +-+ +-+
--R
--R
          (-75a b x - 300a b x - 240a x) | a | b
--R
--R
                        +----+
               +-+ +-+ | 2
                                  +-+ +-+ 2
--R
            (-x|b + |a )|b x + a + x|a |b - b x - a
--R
--R
         log(-----)
--R
--R
                        +-+ | 2
--R
                        --R
--R
            48 36 224 32 4 +-+ | 2
--R
--R
        (-10b x - 85a b x - 172a b x + 16a b x + 128a) | a | b x + a
--R
         5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5
--R
--R
        2b x + 35a b x + 165a b x + 180a b x - 80a b x - 128a
--R
--R
         25 3 2 | 2
--R
--R
        (8b x + 96a b x + 128a x) \setminus |b x + a|
--R
                3 2 +-+
--R
           2 5
--R
        (-40b x - 160a b x - 128a x) | a
--R
--R
--R
             2 2 5 3 3 4 +---+ | 2
--R
--R
           (30a b x + 360a b x + 480a x) = b = a
--R
               2 2 5 3 3 4 +---+ +-+
--R
--R
           (-150a b x - 600a b x - 480a x) | - b | a
--R
--R
              +----+
             1 2
--R
--R
            \|b x + a - \|a
--R.
          atan(-----)
               +---+
--R
--R
                 x\|- b
--R
--R
           48 36 224 32 4+-+ 2
--R
        (-10b x - 85a b x - 172a b x + 16a b x + 128a) | a | b x + a
--R
--R
```

```
5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5
--R
--R
                                    2b x + 35a b x + 165a b x + 180a b x - 80a b x - 128a
--R
--R
                                         25 3 2 | 2
--R
--R
                                    (8b x + 96a b x + 128a x) \setminus |b x + a|
--R
                                                                          3
--R
                                                 2 5
--R
                                 (- 40b x - 160a b x - 128a x)\|a
--R
--R
                                                                                                                   Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 355
--S 356 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
              (4)
--R
                                                                                                                   +----+
                                                                               +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
                                       2 +-+ (-x | b + | a ) | b x + a + x | a | b - b x - a
--R
                             15a \|b log(-----)
--R
                                                                                                                    +-+ | 2
--R
--R
                                                                                                                   --R
--R
                                       2 +-+ x\|b
--R
                              - 15a \|b atanh(-----)
--R
--R
                                                                                1 2
--R
--R
                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 356
--S 357 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
             (5) 0
--R
--R
                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 357
--S 358 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                               +----+
```

```
| 2 +-+
--R
                                                          2 +-+ x\|b 2 +---+ \|b x + a - \|a
--R
--R
                                                   - 15a \|b atanh(-----) + 30a \|- b atan(-----)
                                                                                                 +----+
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                           x\|- b
                                                                                                                                   1 2
--R
--R
                                                                                                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 358
--S 359 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 359
)clear all
--S 360 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^4
--R
--R
--R
                                                2 4 2 2 | 2
--R
--R
                                                (bx + 2abx + a) \setminus |bx + a|
--R
                      (1) -----
--R
                                                                                                                         4
--R
                                                                                                                           x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 360
--S 361 of 1369
r0:=-5/3*b*(a+b*x^2)^(3/2)/x-1/3*(a+b*x^2)^(5/2)/x^3+_
                        5/2*a*b^(3/2)*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))+5/2*b^2*x*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                                                                                                                                             x\|b 2 4 2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           2 | 2
 --R
                                                   15a b x \|b atanh(-----) + (3b x - 14a b x - 2a )\|b x + a
 --R
--R
                                                                                                                                            +----+
--R
                                                                                                                                             1 2
--R
                                                                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                      (2) -----
--R
                                                                                                                                                                                                                           3
--R
                                                                                                                                                                                                                   6x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 361
```

```
--S 362 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    [
--R
               3 7 2 2 5 3 3 +-+ | 2
--R
--R
            (15a b x + 180a b x + 240a b x) | b | b x + a
--R
                 3 7
                       2 2 5 3 3 +-+ +-+
--R
            (-75a b x - 300a b x - 240a b x) | a | b
--R
--R
--R
                          +----+
--R
                 +-+ +-+ | 2
                                    +-+ +-+ 2
--R
             (-x|b + |a )|b + a + x|a |b - b - a
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                         --R
--R
--R
            48 36 224 32 4 +-+ | 2
--R
         (-15b x + 10a b x + 242a b x + 264a b x + 32a) | a | b x + a
--R
          5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5
--R
--R
         3b \ x + 25a \ b \ x - 100a \ b \ x - 370a \ b \ x - 280a \ b \ x - 32a
--R
--R
                              +----+
          27 5 23 | 2
--R
--R
         (6b x + 72a b x + 96a x) | b x + a
--R
            2 7 5 2 3 +-+
--R
--R
        (-30b x - 120a b x - 96a x) | a
--R
--R
--R
               3 7 2 2 5 3 3 +---+ | 2
--R
--R
            (30a b x + 360a b x + 480a b x) = b = b x + a
--R
                  3 7 2 2 5 3 3 +---+ +-+
--R
--R.
            (-150a b x - 600a b x - 480a b x) | - b | a
--R
--R
               +----+
              1 2
--R
--R
             \b x + a - \a
--R
          atan(-----)
                +---+
--R
--R
                  x\|- b
```

```
--R
--R
                                           48 36 224 32 4+-+ 2
--R
--R
                                 (- 15b x + 10a b x + 242a b x + 264a b x + 32a )\|a \|b x + a
--R
                                   5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5
--R
--R
                              3b x + 25a b x - 100a b x - 370a b x - 280a b x - 32a
--R
--R
                                     27 5 23 | 2
--R
--R
                              (6b x + 72a b x + 96a x) | b x + a
--R
                                            2 7 5 2 3 +-+
--R
                              (- 30b x - 120a b x - 96a x )\|a
--R
--R
--R
                                                                                                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 362
--S 363 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                (4)
--R
                                                                         +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
                                        +-+ (- x\|b + \|a )\|b x + a + x\|a \|b - b x - a
--R
--R
                           5a b\|b log(-----)
--R
--R
                                                                                                          +-+ | 2
--R
                                                                                                         --R
--R
                                                                                    +-+
--R
                                          +-+
                                                                            x\|b
                           - 5a b\|b atanh(-----)
--R
--R
                                                                        +----+
                                                                         1 2
--R
--R
                                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 363
--S 364 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 364
```

```
--S 365 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | 2 +-+
--R
--R
                                                                                                                                                                     x \mid b
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                \|bx +a - \|a
                                                             - 5a b\|b atanh(-----) + 10a b\|- b atan(-----)
 --R
 --R
                                                                                                                                                          | 2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  x\|- b
--R.
--R
                                                                                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 365
--S 366 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                          (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 366
)clear all
--S 367 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^6
--R
--R
--R
                                                                 2 4 2 2 1 2
--R
--R
                                                         (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                         (1) -----
--R
                                                                                                                                                  6
--R
                                                                                                                                               X
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--R
--Е 367
--S 368 of 1369
r0:=-1/3*b*(a+b*x^2)^(3/2)/x^3-1/5*(a+b*x^2)^(5/2)/x^5+_
                            b^{(5/2)*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))-b^2*sqrt(a+b*x^2)/x}
--R.
--R
--R
                                                                                                                                                                                  +-+
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       +----+
                                                                                                                                                                                                                                                                 2 4 2 2 1 2
--R
                                                                             2 5 +-+
                                                                                                                                                                    x \mid b
                                                           15b x \|b atanh(-----) + (- 23b x - 11a b x - 3a )\|b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                           +----+
                                                                                                                                                          1 2
--R
--R
                                                                                                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
```

```
--R (2) -----
                                 5
--R
--R
                                 15x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 368
--S 369 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
   [
--R
--R
              4 9 3 7 2 2 5 +-+ | 2
--R
--R
           (15b x + 180a b x + 240a b x) | b | b x + a
--R
--R
               4 9
                     3 7 2 2 5 +-+ +-+
--R
           (-75b x - 300a b x - 240a b x) | a | b
--R
--R
                         +----+
                +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
             (-x|b + |a )|b x + a + x|a |b - b x - a
--R
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
--R
                         --R
--R
            48 36 224 32 4 +-+ | 2
--R
--R
         (115b x + 515a b x + 603a b x + 236a b x + 48a )\|a \|b x + a
--R
            5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5
--R
--R
        - 23b x - 310a b x - 790a b x - 715a b x - 260a b x - 48a
--R
--R
          2 9 7 2 5 | 2
--R
--R
         (15b x + 180a b x + 240a x) \mid b x + a
--R
            2 9
                   7 25 +-+
--R
--R
         (-75b x - 300a b x - 240a x) | a
--R
--R
--R
              4 9 3 7 2 2 5 +---+ | 2
--R
--R
            (30b x + 360a b x + 480a b x) = b = a
--R
                4 9 3 7 2 2 5 +---+ +-+
--R
            (-150b x - 600a b x - 480a b x) | - b | a
--R
--R
--R
              +----+
```

```
| 2 +-+
--R
--R
                                                  --R
                                     atan(-----)
                                                          +---+
--R
--R
                                                              x\|- b
--R
--R
                                            48 36 224 32 4 +-+ | 2
--R
                               (115b x + 515a b x + 603a b x + 236a b x + 48a )\|a \|b x + a
--R
--R
--R
                                         5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5
                              - 23b x - 310a b x - 790a b x - 715a b x - 260a b x - 48a
--R
--R
--R
                                                       7 25 | 2
--R
                                     2 9
--R
                               (15b x + 180a b x + 240a x) \mid b x + a
--R
--R
                                           2 9
                                                                 7 25 +-+
--R
                               (-75b x - 300a b x - 240a x) | a
--R
--R
                                                                                                    Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 369
--S 370 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
               (4)
--R
                                                           +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
                   2 +-+ (-x|b + |a )|b x + a + x|a |b - b x - a
                    b \|b log(-----)
--R
--R
--R
                                                                                           +-+ | 2
--R
                                                                                         --R
--R
                                                                      +-+
--R
                          2 +-+
                                                             x\|b
                     - b \|b atanh(-----)
--R
--R
                                                           +----+
                                                            1 2
--R
                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 370
--S 371 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 371
--S 372 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                 2 +-+
 --R
                                                                                    x\|b 2 +---+ \|b x + a - \|a
                                     2 +-+
--R
--R (6) - b \|b atanh(------) + 2b \|- b atan(------) + -----
                                                                                   | 2
                                                                                                                                                                                               x\|- b
--R
--R
                                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 372
--S 373 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 373
)clear all
--S 374 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^8
--R
--R
--R
                                                                                                     +----+
                                    24 2 2 2 2
--R
                              (bx + 2abx + a) \setminus |bx + a|
--R (1) -----
                                                         8
--R
--R
                                                                                    X
--R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 374
--S 375 of 1369
r0:=-1/7*(a+b*x^2)^(7/2)/(a*x^7)
--R
--R
--R
                                                                                                                                                +----+
                                            36 24 2 2 3 | 2
--R
--R
                             (-bx - 3abx - 3abx - a) \setminus |bx + a|
--R
--R
                                                                                                    7
                                                                                                    7а х
--R
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 375
--S 376 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
            6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4 5 2
--R
--R
          7b x + 77a b x + 301a b x + 575a b x + 584a b x + 304a b x
--R
            6
--R
           64a
--R
--R
--R
             +----+
--R
          +-+ | 2
--R
         \|a \|b x + a
--R
--R
         7 14 6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6 5 2 4
        - b x - 28a b x - 182a b x - 532a b x - 833a b x - 728a b x
--R
--R
--R
          6 2 7
--R
        - 336a b x - 64a
--R /
--R
           3 13 2 2 11 3 9 4 7 | 2
--R
--R
       (7a b x + 168a b x + 560a b x + 448a x) \ b x + a
--R
--R
             3 13 2 2 11 3 9 4 7 +-+
--R
        (- 49a b x - 392a b x - 784a b x - 448a x )\|a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 376
--S 377 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 377
--S 378 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 378
)clear all
```

```
--S 379 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^10
--R
--R
--R
        24 2 2 2 2
--R
--R
       (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R (1) -----
--R
                   10
--R
                   X
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 379
--S 380 of 1369
r0:=-1/9*(a+b*x^2)^(7/2)/(a*x^9)+2/63*b*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^2*x^7)
--R
--R
--R
--R
         4 8
               3 6 2 2 4 3 2 4 | 2
--R
      (2b x - a b x - 15a b x - 19a b x - 7a)\|b x + a
--R (2) -----
--R
                             2 9
--R
                           63a x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 380
--S 381 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
              8 16 7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8
--R
--R
          - 18b x - 231a b x - 609a b x + 1251a b x + 8887a b x
--R
              5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
--R
         17944a b x + 17808a b x + 8896a b x + 1792a
--R
--R
            +----+
         +-+ | 2
--R
--R
         --R
--R
        9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10 5 4 8
--R
       2b x + 81a b x + 504a b x + 462a b x - 4266a b x - 16119a b x
--R
--R
             6 3 6
                       7 2 4
                               8 2
--R
       - 25848a b x - 22032a b x - 9792a b x - 1792a
--R /
            2 4 17 3 3 15 4 2 13 5 11 6 9
--R
--R
         (63a b x + 2520a b x + 15120a b x + 28224a b x + 16128a x)
```

```
--R
--R
--R
          1 2
--R
          \|b x + a
--R
                         3 3 15
                                      4 2 13 5 11 6 9 +-+
--R
            2 4 17
--R
       (- 567a b x - 7560a b x - 27216a b x - 36288a b x - 16128a x )\|a
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 381
--S 382 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 382
--S 383 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 383
)clear all
--S 384 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^12
--R
--R
--R
          2 4 2 2 | 2
--R
--R
         (bx + 2abx + a) \setminus |bx + a|
--R
--R
                      12
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 384
--S 385 of 1369
r0:=-1/11*(a+b*x^2)^(7/2)/(a*x^11)+4/99*b*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^2*x^9)-\_
    8/693*b^2*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^3*x^7)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                                       5 | 2
--R
       5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2
     (-8b x + 4a b x - 3a b x - 113a b x - 161a b x - 63a) \ b x + a
--R
```

```
3 11
--R
--R
                                                                                      693a x
--R
                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 385
--S 386 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                   10 20 9 18 2 8 16 3 7 14 4 6 12
--R
                             88b x + 1716a b x + 9009a b x + 19503a b x + 41591a b x
--R
--R
--R
                                            5 5 10 6 4 8
                                                                                                       7 3 6 8 2 4
--R
                            180705a b x + 534772a b x + 852272a b x + 746496a b x
--R
--R
                                            9 2 10
--R
                            342272a b x + 64512a
--R
--R
                                  +----+
--R
                           +-+ | 2
--R
                        --R
--R
                           --R
                      - 8b x - 484a b x - 4719a b x - 16632a b x - 32274a b x
--R
                             5 6 12 6 5 10 7 4 8 8 3 6
--R
                      - 97240a b x - 376607a b x - 886468a b x - 1186768a b x
--R
--R
                                        9 2 4
                                                               10 2
--R
--R
                      - 909568a b x - 374528a b x - 64512a
--R /
                                       3 5 21 4 4 19 5 3 17 6 2 15
--R
--R
                              693a b x + 41580a b x + 388080a b x + 1241856a b x
--R
                                             7 13 8 11
--R
--R
                            1596672a b x + 709632a x
--R
--R
                             +----+
--R
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                           3 5 21 4 4 19 5 3 17 6 2 15
--R
                              - 7623a b x - 152460a b x - 853776a b x - 1951488a b x
--R
                                                7 13 8 11
--R
--R
                             - 1951488a b x - 709632a x
--R
--R
                            +-+
```

```
--R
                                      \|a
--R
                                                                                                                                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 386
--S 387 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
               (4) 0
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 387
--S 388 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
               (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 388
)clear all
--S 389 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^14
--R
--R
--R
                                       24 2 2 2 2
--R
--R
                                   (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
               (1) -----
--R
                                                                                       14
--R
                                                                                      x
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 389
--S 390 of 1369
r0:=-1/13*(a+b*x^2)^(7/2)/(a*x^13)+6/143*b*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^2*x^11)-\_
                 8/429*b^2*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^3*x^9)+16/3003*b^3*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^4*x^7)
--R
--R
--R
                   (2)
--R
                                         6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4 5 2 6
                                (16b \ x - 8a \ b \ x + 6a \ b \ x - 5a \ b \ x - 371a \ b \ x - 567a \ b \ x - 231a )
--R
--R
                              +----+
--R
                                 1 2
--R
--R
                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                       4 13
--R
                         3003a x
```

```
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 390
--S 391 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
             --R
         - 208b x - 5720a b x - 43758a b x - 138567a b x
--R
--R
               4 8 16 5 7 14
--R
                                  6 6 12
         - 197197a b x + 17199a b x + 1280783a b x + 5475348a b x
--R
--R
               8 4 8
                      9 3 6
                                   10 2 4
--R
--R
         12549024a b x + 16700416a b x + 12911360a b x + 5397504a b x
--R
--R
             12
--R
         946176a
--R
--R
          +----+
--R
        +-+ | 2
--R
       --R
        13 26 12 24 2 11 22 3 10 20 4 9 18
--R
--R
      16b x + 1352a b x + 18590a b x + 94809a b x + 224796a b x
--R
          5 8 16 6 7 14 7 6 12
--R
                                         8 5 10
--R
       230230a b x - 362726a b x - 3117439a b x - 10284300a b x
--R
             9 4 8 10 3 6 11 2 4 12 2
--R
--R
      - 19585696a b x - 22540544a b x - 15491840a b x - 5870592a b x
--R
--R
--R
       - 946176a
--R /
            4 6 25 5 5 23 6 4 21
--R
--R
         3003a b x + 252252a b x + 3363360a b x + 16144128a b x
--R
--R
               8 2 17
                        9 15
--R
         34594560a b x + 33825792a b x + 12300288a x
--R
--R
        +----+
--R
        1 2
--R
        \b x + a
--R
              4 6 25 5 5 23 6 4 21 7 3 19
--R
--R
         - 39039a b x - 1093092a b x - 8744736a b x - 29981952a b x
--R
                 8 2 17 9 15 10 13
--R
```

```
- 49969920a b x - 39975936a b x - 12300288a x
--R
--R
--R
          +-+
--R
          \|a
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 391
--S 392 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 392
--S 393 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 393
)clear all
--S 394 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^16
--R
--R
--R
                           +----+
         24 2 2 2 2
--R
--R
        (bx + 2abx + a) \setminus |bx + a|
--R (1) -----
--R
                      16
--R
                      х
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 394
--S 395 of 1369
r0:=-1/15*(a+b*x^2)^(7/2)/(a*x^15)+8/195*b*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^2*x^13)-_
    16/715*b^2*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^3*x^11)+_
    64/6435*b^3*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^4*x^9)-_
    128/45045*b^4*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^5*x^7)
--R.
--R
--R (2)
              7 14 6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6 5 2 4
--R
--R
          - 128b x + 64a b x - 48a b x + 40a b x - 35a b x - 4473a b x
--R
                6 2 7
--R
```

```
--R
    - 7161a b x - 3003a
--R
--R
       +----+
--R
      | 2
--R \|b x + a
--R /
--R 5 15
--R 45045a x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 395
--S 396 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          14 28 13 26 2 12 24 3 11 22
--R
--R
         1920b x + 70720a b x + 739024a b x + 3325608a b x
--R
              4 10 20 5 9 18 6 8 16 7 7 14
--R
--R
         7436429a b x + 8518055a b x + 7017255a b x + 31888581a b x
--R
--R
                8 6 12
                             9 5 10
--R
         174491952a b x + 540852576a b x + 1004347520a b x
--R
           11 3 6 12 2 4 13 2 14
--R
--R
       1146763520a b x + 790013952a b x + 301830144a b x + 49201152a
--R
--R
--R
        +-+ | 2
--R
       \|a \|b x + a
--R
                      14 28 2 13 26 3 12 24
--R
--R
      - 128b x - 14400a b x - 265200a b x - 1847560a b x
--R
                                        6 9 18 7 8 16
             4 11 22 5 10 20
--R
      - 6235515a b x - 11159148a b x - 11079250a b x - 15095700a b x
--R
--R
                           9 6 12
--R
              8 7 14
                                         10 5 10
--R
      - 85709115a b x - 367431760a b x - 938611872a b x
--R
               11 4 8
                        12 3 6
--R
--R
      - 1495920000a b x - 1507116800a b x - 934778880a b x
--R
--R
              14 2 15
       - 326430720a b x - 49201152a
--R
--R /
--R
             5 7 29 6 6 27 7 5 25 8 4 23
         45045a b x + 5045040a b x + 90810720a b x + 605404800a b x
--R
--R
```

```
9 3 21 10 2 19 11 17
--R
--R
           1902700800a b x + 3044321280a b x + 2398556160a b x
--R
--R
                   12 15
--R
          738017280a x
--R
--R
          +----+
--R
          | 2
         \|b x + a
--R
--R
                 5 7 29 6 6 27 7 5 25
--R
          - 675675a b x - 25225200a b x - 272432160a b x
--R
--R
                                     9 3 21
--R
                     8 4 23
--R
           - 1297296000a b x - 3171168000a b x - 4151347200a b x
--R
--R
                     11 17
                                     12 15
          - 2767564800a b x - 738017280a x
--R
--R
--R
          +-+
--R
         \|a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 396
--S 397 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 397
--S 398 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 398
)clear all
--S 399 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(5/2)/x^18
--R
--R
--R
                          +----+
         2 4 2 2 | 2
--R
--R  (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R (1) -----
```

```
--R
                                                                      18
--R
                                                                    x
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 399
--S 400 of 1369
r0:=-1/17*(a+b*x^2)^(7/2)/(a*x^17)+2/51*b*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^2*x^15)-_
             16/663*b^2*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^3*x^13)+_
             32/2431*b^3*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^4*x^11)-_
             128/21879*b^4*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^5*x^9)+_
             256/153153*b^5*(a+b*x^2)^(7/2)/(a^6*x^7)
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                      8 16 7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8 5 3 6
--R
                               256b x - 128a b x + 96a b x - 80a b x + 70a b x - 63a b x
--R
--R
                                                 6 2 4 7 2
                              - 12705a b x - 21021a b x - 9009a
--R
--R
--R
                           +----+
                           1 2
--R
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                   6 17
--R
                     153153a x
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 400
--S 401 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               (3)
--R
                                                     16 32
                                                                                                15 30
                                                                                                                                         2 14 28
                                    - 4352b x - 206720a b x - 2821728a b x - 16997552a b x
--R
--R
                                                                                                             5 11 22
--R
                                                                4 12 24
                                                                                                                                                                 6 10 20
                                    - 53117350a b x - 91265265a b x - 84612927a b x
--R
--R
 --R
                                                                 7 9 18
                                                                                                                  8 8 16
                                                                                                                                                                      9 7 14
                                    - 26796675a b x + 158507217a b x + 1163856848a b x
--R
--R.
--R
                                                                 10 6 12
                                                                                                                        11 5 10
                                                                                                                                                                                12 4 8
                                    4663848992a b x + 11445343104a b x + 17876348672a b x
--R
--R
--R
                                                                 13 3 6
                                                                                                                        14 2 4
--R
                                   17866512384a b x + 11078774784a b x + 3886891008a b x
--R
--R
                                                               16
```

```
590413824a
--R
--R
--R
                                  +----+
                          +-+ | 2
--R
--R
                        \|a \|b x + a
--R
                           17 34 16 32 2 15 30 3 14 28
--R
--R
                   256b x + 36992a b x + 878560a b x + 7994896a b x
--R
                                      4 13 26
--R
                                                                               5 12 24
--R
                   36119798a b x + 90299495a b x + 129279696a b x
--R
                                         7 10 20 8 9 18
--R
                                                                                                                          9 8 16
                   101136162a b x - 7854510a b x - 490730449a b x
--R
--R
--R
                                               10 7 14
                                                                               11 6 12
--R
                   - 2717211728a b x - 8930043424a b x - 18706939264a b x
--R
--R
                                                  13 4 8
                                                                                                 14 3 6
--R
                     - 25644625664a b x - 22956939264a b x - 12948418560a b x
--R
--R
                                               16 2 17
--R
                      - 4182097920a b x - 590413824a
--R /
--R
                                             6 8 33 7 7 31 8 6 29
--R
                             153153a b x + 22054032a b x + 514594080a b x
--R
                                          9 5 27 10 4 25
--R
--R
                            4528427904a b x + 19407548160a b x + 44853000192a b x
--R
--R
                                                        12 2 21
                                                                                                        13 19
--R
                            57085636608a b x + 37638881280a b x + 10037035008a x
--R
--R
                             +----+
--R
                            | 2
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                 6 8 33 7 7 31
--R
                             - 2603601a b x - 124972848a b x - 1749619872a b x
--R
--R
--R
                                                           9 5 27
                                                                                       10 4 25
                             - 10997610624a b x - 36658702080a b x - 69318273024a b x
--R
--R.
--R
                                                            12 2 21
                                                                                                            13 19
--R
                            - 74650447872a b x - 42657398784a b x - 10037035008a x
--R
--R
                           +-+
--R
                          \|a
--R
                                                                                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 401
```

```
--S 402 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 402
--S 403 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 403
)clear all
--S 404 of 1369
t0:=x^m*(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
          48 36 224 3 2 4 m | 2
--R
--R
    (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a)x \setminus |b x + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 404
--S 405 of 1369
--r0:=315*a^3*x^(1+m)*(a+b*x^2)^(3/2)/((4+m)*(6+m)*(8+m)*(10+m))+_
      63*a^2*x^(1+m)*(a+b*x^2)^(5/2)/((6+m)*(8+m)*(10+m))+_
      9*a*x^{(1+m)}*(a+b*x^2)^{(7/2)}/(80+18*m+m^2)+x^{(1+m)}*_
--
      (a+b*x^2)^(9/2)/(10+m)+945*a^4*x^(1+m)*sqrt(a+b*x^2)/_
      ((6+m)*(8+m)*(10+m)*(8+6*m+m^2))+945*a^5*x^(1+m)*_
      hypergeometric(1/2,1/2*(1+m),1/2*(3+m),-b*x^2/a)*_
--
      sqrt((a+b*x^2)/a)/((6+m)*(8+m)*(10+m)*(8+14*m+7*m^2+m^3)*sqrt(a+b*x^2))
--E 405
--S 406 of 1369
--a0:=integrate(t0,x)
--E 406
--S 407 of 1369
--m0:=a0-r0
--E 407
--S 408 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--E 408
```

```
)clear all
--S 409 of 1369
t0:=x^15*(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                             4 23 3 21 2 2 19 3 17 4 15 | 2
--R
--R (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a x )\|b x + a
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 409
--S 410 of 1369
r0:=-1/11*a^7*(a+b*x^2)^(11/2)/b^8+7/13*a^6*(a+b*x^2)^(13/2)/b^8-_
            7/5*a^5*(a+b*x^2)^(15/2)/b^8+35/17*a^4*(a+b*x^2)^(17/2)/b^8-_
             35/19*a^3*(a+b*x^2)^(19/2)/b^8+a^2*(a+b*x^2)^(21/2)/b^8-_
            7/23*a*(a+b*x^2)^(23/2)/b^8+1/25*(a+b*x^2)^(25/2)/b^8
--R.
--R
--R (2)
--R
                                                                          11 22 2 10 20 3 9 18
                                                12 24
--R
                            1062347b x + 4665089a b x + 7759752a b x + 5810090a b x
--R
                                                  4 8 16 5 7 14 6 6 12 7 5 10
--R
                            1659515a b x + 429a b x - 462a b x + 504a b x - 560a b x
--R
--R
--R
                                        9 3 6 10 2 4 11 2 12
--R
                            640a b x - 768a b x + 1024a b x - 2048a
--R
--R
                          +----+
                         1 2
--R
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                   26558675b
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 410
--S 411 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R.
--R
            (3)
--R
                                                                   16 48
                                                                                                                 2 15 46
                                                                                                                                                                         3 14 44
--R
                                  - 26558675a b x - 2878729425a b x - 97395972960a b x
--R
--R
                                                                           4 13 42
                                                                                                                                           5 12 40
                                 - 1609225902570a b x - 15696010222035a b x
--R
--R
```

```
--R
                                                                       6 11 38
                                                                                                           7 10 36
                               - 100124312670525a b x - 444286575778650a b x
--R
--R
                                                                           8 9 34
--R
                                                                                                                                          9 8 32
                               - 1425766406694360a b x - 3390169039300720a b x
--R
--R
--R
                                                                          10 7 30
--R
                               - 6054288088284160a b x - 8157338113996800a b x
--R
--R
                                                                          12 5 26
                              - 8256379402444800a b x - 6184960931901440a b x
--R
--R
                                                                          14 3 22
--R
                                                                                                                                         15 2 20
                               - 3328737290977280a b x - 1218036417495040a b x
--R
--R
--R
                                                                        16 18
--R
                             - 271525694668800a b x - 27848789196800a x
--R
--R
                            +----+
                            1 2
--R
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                          16 48
--R
                                   17 50
--R
                             1062347b x + 337179700a b x + 18813934425a b x
--R
                                                                                        4 13 42
                                                                                                                                            5 12 40
--R
                                               3 14 44
--R
                              435911726250a b x + 5537985721125a b x + 44226266816160a b x
--R
--R
                                                                  6 11 38
                                                                                                                               7 10 36
--R
                               240242576724975a b x + 932460385321650a b x
--R
--R
                                                                      8 9 34
                                                                                                                                 9 8 32
--R
                                2668614201361000a b x + 5742120965670000a b x
--R
--R
                                                                     10 7 30
                                                                                                                                       11 6 28
                               9385626998420480a b x + 11679727644825600a b x
--R
--R
--R
                                                                       12 5 26
                                                                                                                                       13 4 24
                              10999050000998400a b x + 7712957537792000a b x
--R
--R
--R
                                                                      14 3 22
                             3905555337216000a b x + 1350318166179840a b x
--R
--R
--R
                                                                  16 18
                                                                                                                               17 16
                             285450089267200a b x + 27848789196800a x
--R
--R
--R
                            +-+
--R
                          \|a
--R /
--R
                                                 12 24
                                                                           11 22
                                                                                                                                                       2 10 20
```

```
26558675b x + 8286306600a b x + 425363738800a b x
--R
--R
                                                  5 7 14
--R
                 3 9 18 4 8 16
--R
          8507274776000a b x + 87503397696000a b x + 528909426073600a b x
--R
--R
                       6 6 12
                                            7 5 10
          2019472354099200a b x + 5059776887193600a b x
--R
                       8 4 8
--R
                                           936
          8432961478656000a b x + 9259722407936000a b x
--R
--R
                                           11 2
--R
                      10 2 4
         6433070304460800a b x + 2562088606105600a b x + 445580627148800a
--R
--R
--R
--R
         +-+ | 2
--R
        \|a \|b x + a
--R
                           2 11 22
--R
                 12 24
                                             3 10 20
--R
       - 663966875a b x - 69052555000a b x - 2126818694000a b x
--R
--R
                 4 9 18
      - 30383124200000a b x - 243064993600000a b x
--R
--R
                      6 7 14
--R
       - 1202066877440000a b x - 3883600680960000a b x
--R
--R
--R
                      8 5 10
--R
       - 8432961478656000a b x - 12401413939200000a b x
--R
--R
                       10 3 6
--R
      - 12183845273600000a b x - 7658417029120000a b x
--R
--R
                      12 2
--R
       - 2784878919680000a b x - 445580627148800a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 411
--S 412 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
               13 12 24 14 11 22 15 10 20
--R
          - 2048a b x - 638976a b x - 32800768a b x
--R
                   16 9 18 17 8 16
--R
--R
          - 656015360a b x - 6747586560a b x - 40785412096a b x
--R
                                    20 5 10
--R
                      19 6 12
                                                 21 4 8
```

```
- 155726118912a b x - 390170935296a b x - 650284892160a b x
--R
--R
--R
                                                                     22 3 6
                                                                                             23 2 4
                                                                                                                                                                             24 2
--R
                                - 714038312960a b x - 496068722688a b x - 197568495616a b x
--R
--R
--R
                              - 34359738368a
--R
--R
                              +----+
                              1 2
--R
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                            13 12 24 14 11 22
                                                                                                                                             15 10 20
--R
--R
                                51200a b x + 5324800a b x + 164003840a b x
--R
--R
                                                          16 9 18
                                                                                                             17 8 16
                                                                                                                                                                    18 7 14
--R
                                 2342912000a b x + 18743296000a b x + 92694118400a b x
--R
                                                                                                                     20 5 10
--R
                                                              19 6 12
--R
                                 299473305600a b x + 650284892160a b x + 956301312000a b x
--R
                                                                                                                  23 2 4
--R
                                                                22 3 6
--R
                              939524096000a b x + 590558003200a b x + 214748364800a b x
--R
--R
                                 34359738368a
--R
--R
--R
--R
                            \|a
--R /
                                                                               19 22
--R
                                                   20 24
                                                                                                                                                             2 18 20
--R
                                 26558675b x + 8286306600a b x + 425363738800a b x
                                                      3 17 18
--R
                                                                                                                             4 16 16
--R
                               8507274776000a b x + 87503397696000a b x
--R
--R
                                                                    5 15 14
                                                                                                                                     6 14 12
 --R
                                528909426073600a b x + 2019472354099200a b x
 --R
 --R
                                                                       7 13 10
                                 5059776887193600a b x + 8432961478656000a b x
 --R
--R
--R
                                                                          9 11 6
                                                                                                                                      10 10 4
--R
                                 9259722407936000a b x + 6433070304460800a b x
--R
--R
                                                                         11 9 2
--R
                                  2562088606105600a b x + 445580627148800a b
--R
--R
                               +-+ | 2
--R
```

```
--R
          --R
                              2 19 22
--R
                     20 24
                                                           3 18 20
--R
        - 663966875a b x - 69052555000a b x - 2126818694000a b x
--R
--R
                        4 17 18
                                               5 16 16
--R
        - 30383124200000a b x - 243064993600000a b x
--R
--R
                         6 15 14
                                                 7 14 12
        - 1202066877440000a b x - 3883600680960000a b x
--R
--R
--R
                         8 13 10
                                                   9 12 8
        - 8432961478656000a b x - 12401413939200000a b x
--R
--R
                          10 11 6
--R
                                                   11 10 4
--R
        - 12183845273600000a b x - 7658417029120000a b x
--R
--R
                          12 9 2
                                                13 8
--R
         - 2784878919680000a b x - 445580627148800a b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 412
--S 413 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 413
)clear all
--S 414 of 1369
t0:=x^13*(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
          4 21 3 19 2 2 17 3 15 4 13 | 2
--R
--R (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a x )\|b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 414
--S 415 of 1369
r0:=1/11*a^6*(a+b*x^2)^(11/2)/b^7-6/13*a^5*(a+b*x^2)^(13/2)/b^7+_
    a^4*(a+b*x^2)^(15/2)/b^7-20/17*a^3*(a+b*x^2)^(17/2)/b^7+_
    15/19*a^2*(a+b*x^2)^(19/2)/b^7-2/7*a*(a+b*x^2)^(21/2)/b^7+_
    1/23*(a+b*x^2)^(23/2)/b^7
--R
--R
--R (2)
```

```
11 22 10 20 2 9 18 3 8 16
--R
--R
                                               323323b x + 1431859a b x + 2406690a b x + 1826110a b x
--R
                                                                        4 7 14 5 6 12 6 5 10 7 4 8
--R
--R
                                        530959a b x + 231a b x - 252a b x + 280a b x - 320a b x
--R
                                                         9 2 4 10 2 11
--R
--R
                                        384a b x - 512a b x + 1024a
--R
--R
--R
                                        1 2
--R
                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                    7436429b
--R
                                                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 415
--S 416 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                                                                               15 44 2 14 42
--R
                                                 - 7436429a b x - 687338509a b x - 19967986038a b x
--R
                                                                                                                                                                               5 11 36
--R
                                                                                                            4 12 38
--R
                                                    - 284437883730a b x - 2395723653609a b x
--R
--R
                                                                                                                   6 10 34
                                                                                                                                                                                     7 9 32
--R
                                                    - 13188629174457a b x - 50362304666532a b x
--R
--R
                                                                                                                           8 8 30
                                                                                                                                                                                                                                9 7 28
--R
                                                  - 138351752027384a b x - 279320372632960a b x
--R
                                                                                                                         10 6 26
--R
                                                                                                                                                                                                                                11 5 24
--R
                                                   - 418520250502144a b x - 465098909929472a b x
--R
--R
                                                                                                                          12 4 22
--R
                                                    - 378714457991168a b x - 219779163242496a b x
--R
--R
                                                                                                              14 2 18
                                                                                                                                                                                                                15 16
--R
                                                - 86157191577600a b x - 20468860059648a b x - 2227903135744a x
--R
--R
                                                +----+
                                               1 2
--R
--R
                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                            16 46 15 44 2 14 42
--R
                                                      323323b x + 87112454a b x + 4166021717a b x
--R
```

```
--R
              3 13 40 4 12 38
                                                 5 11 36
--R
--R
          83236985832a b x + 914994133053a b x + 6329511736350a b x
--R
                                    7 9 32
--R
                     6 10 34
         29751877154187a b x + 99605609581396a b x
--R
--R
--R
                      8 8 30
          244515399050696a b x + 447499652195968a b x
--R
--R
                                           11 5 24
--R
                      10 6 26
          614615086597120a b x + 631629922373632a b x
--R
--R
--R
                      12 4 22
          479026666952704a b x + 260438395469824a b x
--R
--R
--R
                    14 2 18
                                        15 16
--R
         96113133715456a b x + 21582811627520a b x + 2227903135744a x
--R
--R
         +-+
--R
         \|a
--R /
                        10 20
--R
            11 22
--R
          7436429b x + 1963217256a b x + 85072747760a b x
--R
                            4 7 14
                                                 5 6 12
                3 8 16
--R
--R
          1429222162368a b x + 12250475677440a b x + 60980145594368a b x
--R
--R
                      6 5 10
                                          7 4 8
--R
          188484086382592a b x + 372825665372160a b x
--R
--R
                      8 3 6
                                          924
--R
         472245842804736a b x + 370388896317440a b x
--R
--R
                      10 2
         163750880477184a b x + 31190643900416a
--R
--R
--R
         +-+ | 2
      \|a \|b x + a +
--R
--R
--R
                 11 22
                                                    3 9 18
--R
                            2 10 20
--R
       - 171037867a b x - 15051332296a b x - 391334639696a b x
--R
                             5 7 14
--R
                   4 8 16
                                                           6 6 12
--R
      - 4696015676352a b x - 31306771175680a b x - 127503940788224a b x
--R
--R
                     7 5 10
                                         8 4 8
      - 333471845138432a b x - 571666020237312a b x - 638920846147584a b x
--R
--R
```

```
--R
                                                               10 2 4
                                                                                         11 2
--R
                       - 448365506068480a b x - 179346202427392a b x - 31190643900416a
--R
                                                                                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 416
--S 417 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                       12 11 22 13 10 20 14 9 18
--R
                              1024a b x + 270336a b x + 11714560a b x
--R
--R
--R
                                                     15 8 16
                                                                                                      16 7 14
--R
                             196804608a b x + 1686896640a b x + 8396996608a b x
--R
--R
                                                         18 5 10
                                                                                                            19 4 8
--R
                               25954353152a b x + 51338280960a b x + 65028489216a b x
--R
--R
                                                          21 2 4
                                                                                                          22 2
--R
                             51002736640a b x + 22548578304a b x + 4294967296a
--R
--R
--R
                            1 2
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                    12 11 22 13 10 20
--R
--R
                               - 23552a b x - 2072576a b x - 53886976a b x
--R
                                               15 8 16 16 7 14 17 6 12
--R
--R
                               - 646643712a b x - 4310958080a b x - 17557356544a b x
--R
--R
                                                               18 5 10
                                                                                                                   19 4 8
--R
                               - 45919240192a b x - 78718697472a b x - 87979720704a b x
--R
                                                              21 2 4
                                                                                                              22 2
--R
--R
                             - 61740154880a b x - 24696061952a b x - 4294967296a
--R
--R
                              +-+
--R
                            \|a
--R /
                                                                                                17 20
                                                                                                                                                2 16 18
--R
                                                18 22
--R
                               7436429b x + 1963217256a b x + 85072747760a b x
--R
--R
                                                               3 15 16
                                                                                                                          4 14 14
--R
                              1429222162368a b x + 12250475677440a b x
--R
--R
                                                                  5 13 12
                             60980145594368a b x + 188484086382592a b x
--R
--R
```

```
7 11 8
--R
                                              8 10 6
           372825665372160a b x + 472245842804736a b x
--R
--R
--R
                          9 9 4
                                               10 8 2
                                                                   11 7
          370388896317440a b x + 163750880477184a b x + 31190643900416a b
--R
--R
--R
          +-+ | 2
--R
         \|a \|b x + a
--R
--R
                             2 17 20
--R
                   18 22
                                                        3 16 18
       - 171037867a b x - 15051332296a b x - 391334639696a b x
--R
--R
--R
                     4 15 16
                                           5 14 14
       - 4696015676352a b x - 31306771175680a b x
--R
--R
--R
                       6 13 12
                                             7 12 10
--R
       - 127503940788224a b x - 333471845138432a b x
--R
--R
                       8 11 8
                                             9 10 6
--R
       - 571666020237312a b x - 638920846147584a b x
--R
--R
                        10 9 4
                                             11 8 2
--R
        - 448365506068480a b x - 179346202427392a b x - 31190643900416a b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 417
--S 418 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 418
)clear all
--S 419 of 1369
t0:=x^11*(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
--R
          4 19 3 17 2 2 15 3 13 4 11 | 2
--R (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a x ) | b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 419
--S 420 of 1369
r0:=-1/11*a^5*(a+b*x^2)^(11/2)/b^6+5/13*a^4*(a+b*x^2)^(13/2)/b^6-_
    2/3*a^3*(a+b*x^2)^(15/2)/b^6+10/17*a^2*(a+b*x^2)^(17/2)/b^6-_
```

```
5/19*a*(a+b*x^2)^(19/2)/b^6+1/21*(a+b*x^2)^(21/2)/b^6
--R
--R
--R (2)
                                10 20 9 18 2 8 16 3 7 14
--R
--R
                        46189b x + 206635a b x + 351780a b x + 271414a b x
--R
                                         4 6 12 5 5 10 6 4 8 7 3 6
--R
                        80773a b x + 63a b x - 70a b x + 80a b x - 96a b x + 128a b x
--R
--R
--R
                                       10
                         - 256a
--R
--R
--R
                         +----+
--R
                         1 2
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                          6
--R
--R
                   969969Ъ
--R
                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 420
--S 421 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
              (3)
                                         14 40 2 13 38
                                                                                                                              3 12 36
--R
--R
                                - 969969a b x - 75470395a b x - 1862036176a b x
--R
--R
                                                                   4 11 34
                                                                                                                             5 10 32
                                                                                                                                                                                   6 9 30
--R
                                - 22638929742a b x - 163055189121a b x - 766871351007a b x
--R
                                                                                                             8 7 26
--R
                                                                      7 8 28
--R
                                - 2492419193070a b x - 5787415877768a b x - 9769603014080a b x
--R
--R
                                                                          10 5 22
                                                                                                                                      11 4 20
--R
                                - 12043338268416a b x - 10749571143168a b x
--R
--R
                                                                      12 3 18
                                                                                                                                  13 2 16
                                - 6775372032000a b x - 2863960399872a b x
--R
--R
--R.
                                                                    14 14
                                                                                                     15 12
--R
                                - 729517195264a b x - 84757184512a x
--R
                              +----+
--R
--R
                             | 2
--R
                           \b x + a
--R
--R
                                            15 42
                                                                        14 40 2 13 38
```

```
46189b x + 10414404a b x + 421996575a b x
--R
--R
--R
                   3 12 36 4 11 34 5 10 32
--R
          7198501310a b x + 67834869795a b x + 402738128856a b x
--R
--R
                      6 9 30
                                         7 8 28
                                                            8 7 26
--R
          1622318410937a b x + 4634906061510a b x + 9638701659384a b x
--R
                      9 6 24
--R
                                          10 5 22
          14777372605632a b x + 16724020674816a b x
--R
--R
--R
                      11 4 20
                                          12 3 18
          13821546106368a b x + 8121459906560a b x
--R
--R
                     13 2 16
                                        14 14
--R
--R
          3218124349440a b x + 771895787520a b x + 84757184512a x
--R
--R
          +-+
--R
         \|a
--R /
--R
                10 20 9 18 2 8 16
           969969b x + 213393180a b x + 7682154480a b x
--R
--R
--R
                3 7 14 4 6 12
          106525875456a b x + 745681128192a b x + 2982724512768a b x
--R
--R
--R
                      6 4 8
                                         7 3 6
--R
          7230847303680a b x + 10806541025280a b x + 9725886922752a b x
--R
                     9 2
--R
--R
          4831159517184a b x + 1017086214144a
--R
--R
            +----+
--R
         +-+ | 2
--R
        \|a \|b x + a
--R
--R
                 10 20
                                 2 9 18
       - 20369349a b x - 1493752260a b x - 32265048816a b x
--R
--R
--R
                   4 7 14
                                      5 6 12
       - 319577626368a b x - 1739922632448a b x - 5694292251648a b x
--R
--R
--R.
                     7 4 8
                                       8 3 6
                                                           924
--R
      - 11680599490560a b x - 15129157435392a b x - 12014330904576a b x
--R
--R
                     10 2
                                        11
--R
        - 5339702624256a b x - 1017086214144a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 421
```

```
--S 422 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                           --R
--R
                               - 256a b x - 56320a b x - 2027520a b x - 28114944a b x
--R
                                                        15 6 12
--R
                                                                                                       16 5 10
                              - 196804608a b x - 787218432a b x - 1908408320a b x
--R
--R
                                                                                       19 2 4
--R
                                                          18 3 6
                             - 2852126720a b x - 2566914048a b x - 1275068416a b x
--R
--R
--R
--R
                               - 268435456a
--R
--R
                            +----+
--R
                            | 2
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                   11 10 20 12 9 18 13 8 16 14 7 14
--R
                              5376a b x + 394240a b x + 8515584a b x + 84344832a b x
--R
--R
                                        15 6 12 16 5 10
--R
                              459210752a b x + 1502871552a b x + 3082813440a b x
--R
                                             18 3 6 19 2 4 20 2
--R
--R
                             3992977408a b x + 3170893824a b x + 1409286144a b x
--R
--R
--R
                             268435456a
--R
--R
--R
                          \|a
--R /
--R
                                            16 20
                                                                                           15 18
--R
                              969969b x + 213393180a b x + 7682154480a b x
--R
--R
                                                           3 13 14
                                                                                                                4 12 12
--R
                              106525875456a b x + 745681128192a b x + 2982724512768a b x
--R
--R.
                                                             6 10 8
                                                                                          7 9 6
                                                                                                                                                                        8 8 4
--R
                             7230847303680a b x + 10806541025280a b x + 9725886922752a b x
--R
--R
                                                              972
                                                                                                                  10 6
--R
                               4831159517184a b x + 1017086214144a b
--R
--R
                             +-+ | 2
--R
```

```
--R
         --R
--R
                 16 20 2 15 18 3 14 16
--R
       - 20369349a b x - 1493752260a b x - 32265048816a b x
--R
--R
                    4 13 14
                                       5 12 12
--R
       - 319577626368a b x - 1739922632448a b x - 5694292251648a b x
--R
                     7 10 8
                                        8 9 6
--R
                                                            984
--R
       - 11680599490560a b x - 15129157435392a b x - 12014330904576a b x
--R
                    10 7 2
--R
                                       11 6
        - 5339702624256a b x - 1017086214144a b
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 422
--S 423 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 423
)clear all
--S 424 of 1369
t0:=x^9*(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
         4 17 3 15 2 2 13 3 11 4 9 | 2
--R.
--R (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a x )\|b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 424
--S 425 of 1369
r0:=1/11*a^4*(a+b*x^2)^(11/2)/b^5-4/13*a^3*(a+b*x^2)^(13/2)/b^5+_
    2/5*a^2*(a+b*x^2)^(15/2)/b^5-4/17*a*(a+b*x^2)^(17/2)/b^5+_
    1/19*(a+b*x^2)^(19/2)/b^5
--R
--R
--R (2)
--R
             9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
         12155b x + 55055a b x + 95238a b x + 75086a b x + 23063a b x
--R
--R
           548 636 724 82 9
         35a b x - 40a b x + 48a b x - 64a b x + 128a
--R
--R
--R
       +----+
```

```
--R | 2
--R \|b x + a
--R /
--R
                                 5
--R
                  230945ъ
--R
                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 425
--S 426 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                                           13 36 2 12 34
--R
--R
                                 - 230945a b x - 14902745a b x - 308450142a b x
--R
--R
                                                               4 10 30
                                                                                                   5 9 28
--R
                                 - 3165644834a b x - 19288314189a b x - 76633654085a b x
--R
                                                                                                  8 6 22
--R
                                                                    7 7 24
--R
                               - 209340893060a b x - 404778695568a b x - 560641342976a b x
--R
--R
                                                                       10 4 18
                                                                                                                               11 3 16
--R
                                 - 554291648768a b x - 382873553920a b x - 175946833920a b x
--R
--R
                                                                 13 12 14 10
--R
                                 - 48432676864a b x - 6054084608a x
--R
--R
                               +----+
--R
                              | 2
--R
                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                         13 36 2 12 34
--R
                                              14 38
--R
                               12155b x + 2255110a b x + 76426493a b x + 1100889944a b x
--R
--R
                                                        4 10 30
                                                                                                                 5 9 28
                                                                                                                                                                        6 8 26
--R
                               8803566229a b x + 44407707326a b x + 151656893155a b x
--R
                                                                                                                     8 6 22
--R
                                                                7 7 24
--R
                                 365252651972a b x + 634069759856a b x + 799198290176a b x
--R
--R
                                                                10 4 18
                                                                                                                        11 3 16
--R
                                726525626112a b x + 465171266560a b x + 199406411776a b x
--R
                                                                                            14 10
--R
                                                             13 12
                                51459719168a b x + 6054084608a x
--R
--R
--R
                              +-+
--R
                             \|a
--R /
```

```
9 18 8 16 2 7 14
--R
--R
                                230945b x + 41570100a b x + 1219389600a b x
--R
--R
                                                           3 6 12
                                                                                                           4 5 10
                                                                                                                                                              5 4 8
--R
                             13657163520a b x + 76089911040a b x + 236724167680a b x
--R
--R
                                                           6 3 6
                                                                                                          7 2 4
--R
                             430407577600a b x + 454056345600a b x + 257298595840a b x
--R
--R
--R
                             60540846080a
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
--R
                         \|a \|b x + a
--R
--R
                                              9 18
                                                                      2 8 16
                                                                                                                3 7 14
--R
                     - 4387955a b x - 263277300a b x - 4633680480a b x
--R
                                                                               5 5 10
--R
                                                  4 6 12
--R
                   - 37069443840a b x - 160634256640a b x - 408887198720a b x
--R
--R
                                                       7 3 6
                                                                                                       8 2 4
--R
                     - 629057228800a b x - 575138037760a b x - 287569018880a b x
--R
--R
                                                      10
--R
                      - 60540846080a
--R
                                                                                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 426
--S 427 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                --R
--R
                             128a b x + 23040a b x + 675840a b x + 7569408a b x
--R
--R
                                                 14 5 10
                                                                                               15 4 8
--R
                              42172416a b x + 131203072a b x + 238551040a b x
--R
                                                   17 2 4
--R
                                                                                               18 2
--R
                               251658240a b x + 142606336a b x + 33554432a
--R
--R
                            +----+
                           1 2
--R
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                    --R
--R
                                - 2432a b x - 145920a b x - 2568192a b x - 20545536a b x
```

```
--R
                   14 5 10 15 4 8 16 3 6
--R
--R
          - 89030656a b x - 226623488a b x - 348651520a b x
--R
                    17 2 4 18 2 19
--R
         - 318767104a b x - 159383552a b x - 33554432a
--R
--R
--R
         \|a
--R
--R /
               14 18 13 16 2 12 14
--R
          230945b x + 41570100a b x + 1219389600a b x
--R
--R
--R
                   3 11 12
                                     4 10 10
--R
          13657163520a b x + 76089911040a b x + 236724167680a b x
--R
--R
                    686
                                     774
--R
          430407577600a b x + 454056345600a b x + 257298595840a b x
--R
--R
                    9 5
--R
          60540846080a b
--R
--R
         +-+ | 2
--R
--R
        \|a \|b x + a
--R
           14 18
                        2 13 16
--R
--R
       - 4387955a b x - 263277300a b x - 4633680480a b x
--R
                 4 11 12 5 10 10 6 9 8
--R
--R
      - 37069443840a b x - 160634256640a b x - 408887198720a b x
--R
--R
                   7 8 6
                                    8 7 4
--R
       - 629057228800a b x - 575138037760a b x - 287569018880a b x
--R
--R
                  10 5
--R
      - 60540846080a b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 427
--S 428 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 428
)clear all
```

```
--S 429 of 1369
t0:=x^7*(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                              4 15 3 13 2 2 11 3 9 4 7 | 2
--R
--R (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a x )\|b x + a
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 429
--S 430 of 1369
r0:=-1/11*a^3*(a+b*x^2)^(11/2)/b^4+3/13*a^2*(a+b*x^2)^(13/2)/b^4-_
             1/5*a*(a+b*x^2)^(15/2)/b^4+1/17*(a+b*x^2)^(17/2)/b^4
--R
--R
--R
            (2)
--R
                                     8 16 7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8
--R
                             715b x + 3289a b x + 5808a b x + 4714a b x + 1515a b x
--R
--R
                                5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
                          5a b x - 6a b x + 8a b x - 16a
--R
--R
                         +----+
--R
                         1 2
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                    12155b
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 430
--S 431 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                                            12 32 2 11 30 3 10 28
--R
--R
                                  - 12155a b x - 639353a b x - 10950720a b x - 93735722a b x
--R
--R
                                                                5 8 24
                                                                                                                   6 7 22
                                   - 477541883a b x - 1583019685a b x - 3583153002a b x
--R
--R
--R
                                                                     8 5 18
                                                                                                                     9 4 16
                                                                                                                                                                         10 3 14
--R
                                  - 5668216840a b x - 6290416704a b x - 4817502976a b x
--R
--R
                                                                     11 2 12
                                                                                                                      12 10
                                                                                                                                                                        13 8
--R
                                   - 2433333760a b x - 731867136a b x - 99573760a x
--R
                                 +----+
--R
                                 1 2
--R
```

```
--R
        \b x + a
--R
--R
           13 34 12 32 2 11 30 3 10 28
--R
          715b x + 106964a b x + 2988073a b x + 35915050a b x
--R
--R
                 4 9 26
                                5 8 24
--R
         241082389a b x + 1022017152a b x + 2924168351a b x
--R
                 7 6 20 8 5 18
--R
         5854971122a b x + 8337454840a b x + 8436853568a b x
--R
--R
                                 11 2 12
--R
                  10 3 14
         5948909824a b x + 2786820608a b x + 781654016a b x
--R
--R
--R
--R
         99573760a x
--R
--R
         +-+
--R
        \|a
--R /
           8 16 7 14 2 6 12 3 5 10
--R
--R
         12155b x + 1750320a b x + 40840800a b x + 359399040a b x
--R
--R
                 4 4 8 5 3 6 6 2 4
--R
         1540281600a b x + 3559761920a b x + 4530606080a b x
--R
--R
--R
         2987212800a b x + 796590080a
--R
--R
           +----+
         +-+ | 2
--R
--R
        \|a \|b x + a
--R
         8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
--R
      - 206635a b x - 9918480a b x - 138858720a b x - 872826240a b x
--R
                        6 3 6
               5 4 8
--R
--R
      - 2909420800a b x - 5501450240a b x - 5924638720a b x
--R
               8 2
--R
       - 3385507840a b x - 796590080a
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 431
--S 432 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
              9 8 16 10 7 14 11 6 12 12 5 10
--R
```

```
- 16a b x - 2304a b x - 53760a b x - 473088a b x
--R
--R
                                                  13 4 8 14 3 6 15 2 4 16 2
--R
--R
                             - 2027520a b x - 4685824a b x - 5963776a b x - 3932160a b x
--R
--R
                                                  17
--R
                            - 1048576a
--R
                            +----+
--R
                            | 2
--R
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                   9 8 16 10 7 14 11 6 12 12 5 10
--R
--R
                              272a b x + 13056a b x + 182784a b x + 1148928a b x
--R
--R
                                             13 4 8
                                                                      14 3 6 15 2 4 16 2
--R
                            3829760a b x + 7241728a b x + 7798784a b x + 4456448a b x
--R
--R
--R
                            1048576a
--R
--R
                            +-+
--R
                           \|a
--R /
--R
                                  12 16 11 14 2 10 12 3 9 10
--R
                             12155b x + 1750320a b x + 40840800a b x + 359399040a b x
--R
                                           488 576 664
--R
--R
                            1540281600a b x + 3559761920a b x + 4530606080a b x
--R.
--R
                                                       7 5 2
--R
                           2987212800a b x + 796590080a b
--R
--R
                                  +----+
--R
                           +-+ | 2
                        \|a \|b x + a
--R
--R
                                           12 16 2 11 14 3 10 12 4 9 10
--R
                   - 206635a b x - 9918480a b x - 138858720a b x - 872826240a b x
--R
--R
                                                                         6 7 6
--R
                                               588
                   - 2909420800a b x - 5501450240a b x - 5924638720a b x
--R
--R
                                                8 5 2
--R
                                                                                        9 4
--R
                     - 3385507840a b x - 796590080a b
--R
                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 432
--S 433 of 1369
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 433
)clear all
--S 434 of 1369
t0:=x^5*(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                                  4 13 3 11 2 2 9 3 7 4 5 | 2
--R
             (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a x) \setminus |b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 434
--S 435 of 1369
r0:=1/11*a^2*(a+b*x^2)^(11/2)/b^3-2/13*a*(a+b*x^2)^(13/2)/b^3+_
              1/15*(a+b*x^2)^(15/2)/b^3
--R
--R
--R (2)
--R
                                         7 14 6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6 5 2 4
--R
                               143b x + 671a b x + 1218a b x + 1030a b x + 355a b x + 3a b x
--R
--R
                                          6 2 7
--R
                                - 4a b x + 8a
--R
                           +----+
--R
                            1 2
--R
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                  3
--R
                      2145b
--R
                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 435
--S 436 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                                                 11 28 2 10 26 3 9 24 4 8 22
--R
--R
                                      - 2145a b x - 90145a b x - 1258894a b x - 8874138a b x
--R
--R
                                                                         5 7 20
                                                                                                                          6 6 18
--R
                                     - 37340589a b x - 101923965a b x - 188185140a b x
--R
```

```
8 4 14 9 3 12
                                                                                                                  10 2 10
--R
--R
                              - 238572048a b x - 205810176a b x - 116083968a b x
--R
--R
                                                                                       12 6
                                                    11 8
--R
                             - 38804480a b x - 5857280a x
--R
--R
                            +----+
--R
                          | 2
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                  12 30 11 28 2 10 26 3 9 24
                            143b x + 16830a b x + 381345a b x + 3776760a b x
--R
--R
--R
                                              4 8 22
                                                                                     5 7 20
--R
                             21041865a b x + 74123478a b x + 175464575a b x
--R
--R.
                                                  7 5 16
                                                                                        8 4 14
--R
                             287644500a b x + 329163120a b x + 259367680a b x
--R
--R
                                                  10 2 10 11 8 12 6
--R
                           134754048a b x + 41733120a b x + 5857280a x
--R
--R
                          +-+
--R
                         \|a
--R /
                              7 14 6 12 2 5 10 3 4 8
--R
--R
                             2145b x + 240240a b x + 4324320a b x + 28828800a b x
--R
                                                                     5 2 4
--R
                                            4 3 6
--R
                          90604800a b x + 144967680a b x + 114216960a b x + 35143680a
--R
                                +----+
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                       \|a \|b x + a
--R
                                     7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8
--R
--R
                   - 32175a b x - 1201200a b x - 12972960a b x - 61776000a b x
--R
                                                                  6 2 4
                                                                                                           7 2
--R
                                           5 3 6
                     - 151008000a b x - 197683200a b x - 131788800a b x - 35143680a
--R
--R
                                                                                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 436
--S 437 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                               8 7 14 9 6 12 10 5 10 11 4 8 12 3 6
--R
                             8a b x + 896a b x + 16128a b x + 107520a b x + 337920a b x
--R
```

```
+ 13 2 4 14 2 15
--R
--R
--R
                                540672a b x + 425984a b x + 131072a
--R
--R
                              +----+
                              1 2
--R
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                             8 7 14 9 6 12 10 5 10 11 4 8
--R
                                - 120a b x - 4480a b x - 48384a b x - 230400a b x
--R
--R
                                                    12 3 6
                                                                                 13 2 4 14 2
--R
                                - 563200a b x - 737280a b x - 491520a b x - 131072a
--R
--R
--R
                               +-+
--R
                             \|a
--R /
--R
                                            10 14 9 12 2 8 10
                                                                                                                                                                         3 7 8
--R
                                  2145b x + 240240a b x + 4324320a b x + 28828800a b x
--R
                                                                                                                                6 4 2
--R
                                                                                                  5 5 4
--R
                                90604800a b x + 144967680a b x + 114216960a b x + 35143680a b
--R
--R
--R
                              +-+ | 2
--R
                             --R
                               10 14 2 9 12 3 8 10 4 7 8
--R
--R
                     - 32175a b x - 1201200a b x - 12972960a b x - 61776000a b x
--R
                                                                              6 5 4
--R
                                                    5 6 6
                                                                                                                               7 4 2
--R
                        - 151008000a b x - 197683200a b x - 131788800a b x - 35143680a b
--R
                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 437
--S 438 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 438
)clear all
--S 439 of 1369
t0:=x^3*(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                                                                                                                                            +----+
```

```
--R 4 11 3 9 2 2 7 3 5 4 3 | 2
--R (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a x )\|b x + a
--R
                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 439
--S 440 of 1369
r0:=-1/11*a*(a+b*x^2)^(11/2)/b^2+1/13*(a+b*x^2)^(13/2)/b^2
--R
--R (2)
                           6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4 5 2 6
--R
--R
                  (11b x + 53a b x + 100a b x + 90a b x + 35a b x + a b x - 2a )
--R
--R
                       +----+
--R
                       1 2
--R
                     \|b x + a
--R /
--R
                     2
--R 143b
--R
                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 440
--S 441 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          (3)
--R
--R
                                               10 24 2 9 22 3 8 20 4 7 18
--R
                               - 143a b x - 4693a b x - 52624a b x - 301730a b x
--R
                                                     5 6 16 6 5 14 7 4 12 8 3 10
--R
--R
                             - 1036607a b x - 2301585a b x - 3415412a b x - 3397680a b x
--R
                                                      9 2 8 10 6 11 4
--R
--R
                            - 2196480a b x - 841984a b x - 146432a x
--R
--R
                            +----+
                             1 2
--R
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                   11 26 10 24 2 9 22 3 8 20
--R
                             11b x + 988a b x + 17849a b x + 143858a b x + 658229a b x
--R
--R.
--R
                                               5 6 16 6 5 14
                                                                                                                           7 4 12
--R
                             1907048a b x + 3692975a b x + 4886596a b x + 4399824a b x
--R
                                                  9 2 8 10 6 11 4
--R
--R
                             2599168a b x + 915200a b x + 146432a x
--R
--R
                           +-+
```

```
--R
                         \|a
--R /
                                   6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4
--R
--R
                             143b x + 12012a b x + 160160a b x + 768768a b x + 1647360a b x
--R
                                              5 2 6
--R
--R
                            1610752a b x + 585728a
--R
                                   +----+
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
                         \|a \|b x + a
--R
                                       6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6
--R
                   - 1859a b x - 52052a b x - 416416a b x - 1427712a b x
--R
--R
                                          5 2 4
--R
                                                                   6 2 7
--R
                      - 2379520a b x - 1903616a b x - 585728a
--R
                                                                                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 441
--S 442 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                     7 6 12 8 5 10 9 4 8 10 3 6 11 2 4
--R
--R
                               - 2a b x - 168a b x - 2240a b x - 10752a b x - 23040a b x
--R
--R
                                       12 2 13
--R
                             - 22528a b x - 8192a
--R
                            +----+
--R
--R
                           1 2
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                  7 6 12 8 5 10 9 4 8 10 3 6 11 2 4
--R
--R
                             26a b x + 728a b x + 5824a b x + 19968a b x + 33280a b x
--R
                                     12 2 13
--R
--R
                             26624a b x + 8192a
--R
--R
                            +-+
--R.
                          \|a
--R /
                                     8 12 7 10 2 6 8 3 5 6 4 4 4
--R
                              143b x + 12012a b x + 160160a b x + 768768a b x + 1647360a b x
--R
--R
                                              5 3 2 6 2
--R
--R
                             1610752a b x + 585728a b
--R
```

```
--R
        +-+ | 2
--R
--R
         \|a \|b x + a
--R
             8 12 2 7 10 3 6 8 4 5 6
--R
--R
      - 1859a b x - 52052a b x - 416416a b x - 1427712a b x
--R
                                     7 2
--R
               5 4 4
                           6 3 2
--R
        - 2379520a b x - 1903616a b x - 585728a b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 442
--S 443 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 443
)clear all
--S 444 of 1369
t0:=x*(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
    49 37 225 3 3 4 | 2
--R
   (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a x) \setminus |b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 444
--S 445 of 1369
r0:=1/11*(a+b*x^2)^(11/2)/b
--R
--R
--R
         5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5 | 2
--R
--R
        (b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
   (2) ------
--R
                                 11b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 445
--S 446 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                9 20 2 8 18 3 7 16 4 6 14 5 5 12
--R
```

```
--R
         - 11a b x - 275a b x - 2442a b x - 11286a b x - 31471a b x
--R
--R
               6 4 10 7 3 8 8 2 6 9 4 10 2
--R
          - 56694a b x - 67760a b x - 53152a b x - 25344a b x - 5632a x
--R
--R
         1 2
--R
--R
        \b x + a
--R
          10 22 9 20 2 8 18 3 7 16 4 6 14
--R
--R
         b x + 66a b x + 935a b x + 6072a b x + 22671a b x
--R
           5 5 12 6 4 10 7 3 8 8 2 6 9 4
--R
--R
         53834a b x + 85294a b x + 91520a b x + 65120a b x + 28160a b x
--R
--R
           10 2
--R
         5632a x
--R
--R
         +-+
--R
        \|a
--R /
            5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2
--R
--R
          11b x + 660a b x + 6160a b x + 19712a b x + 25344a b x
--R
--R
--R
          11264a
--R
--R
           +----+
--R
        +-+ | 2
--R.
        \|a \|b x + a
--R
         5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4 5 2
--R
--R
      - 121a b x - 2420a b x - 13552a b x - 30976a b x - 30976a b x
--R
--R
            6
--R
       - 11264a
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 446
--S 447 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
         6 5 10 7 4 8 8 3 6 9 2 4 10 2 11
--R
        (a b x + 60a b x + 560a b x + 1792a b x + 2304a b x + 1024a)
--R
--R
--R
        +----+
        | 2
--R
--R
    \|b x + a
```

```
--R
            6 5 10 7 4 8 8 3 6 9 2 4 10 2
--R
--R
          - 11a b x - 220a b x - 1232a b x - 2816a b x - 2816a b x
--R
--R
               11
          - 1024a
--R
--R
--R
--R
         \|a
--R /
--R
             6 10 5 8 2 4 6 3 3 4 4 2 2
--R
           11b x + 660a b x + 6160a b x + 19712a b x + 25344a b x
--R
--R
--R
           11264a b
--R
--R
            +----+
         +-+ | 2
--R
--R
        \|a \|b x + a
--R
          6 10 2 5 8 3 4 6 4 3 4 5 2 2
--R
--R
       - 121a b x - 2420a b x - 13552a b x - 30976a b x - 30976a b x
--R
--R
              6
--R
       - 11264a b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 447
--S 448 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 448
)clear all
--S 449 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x
--R
--R
--R
--R
         48 36 224 3 2 4 | 2
--R
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R (1) ------
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 449
```

```
--S 450 of 1369
\texttt{r0:=1/3*a^3*(a+b*x^2)^(3/2)+1/5*a^2*(a+b*x^2)^(5/2)+1/7*a*(a+b*x^2)^(7/2)+\_}
                                     1/9*(a+b*x^2)^(9/2)-a^(9/2)*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))+_
                                     a^4*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                                             (2)
--R
--R
                                                                                                                                                                                                               1 2
--R
                                                                                                                      4 +-+
                                                                                                                                                                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                        - 315a \|a atanh(-----)
                                                                                                                                                                                                                                       +-+
--R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                       \|a
 --R
 --R
 --R
                                                                                                      4 8 3 6
                                                                                                                                                                                                                                                                         2 2 4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               3 2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          4 | 2
--R
                                                                          (35b x + 185a b x + 408a b x + 506a b x + 563a) \ b x + a
--R /
--R
                                                          315
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 450
--S 451 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                             (3)
--R
                                                                                                                                                            5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
                                                                                                                         (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a)
--R
--R
                                                                                                                             +----+
                                                                                                                           1 2
--R
--R
                                                                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
 --R
                                                                                                                                                                                                      5 4 8
                                                                                                                                                                                                                                                                                                      6 3 6
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    7 2 4
                                                                                                                                                    - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
 --R
 --R
                                                                                                                                                   - 80640a
 --R
 --R
 --R
                                                                                                                      \|a
--R
--R
                                                                                                                             +----+
--R
                                                                                                                            1 2
                                                                                                                                                                                                                                 +-+
--R
                                                                                                                      \begin{tabular}{lll} \begin{
--R
                                                                                         log(-----)
--R
                                                                                                                                                                                        x
--R
--R
                                                                                                                                                                  8 16
                                                                                                                                                                                                                                                          2 7 14
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                3 6 12 4 5 10
```

```
- 315a b x - 5865a b x - 40992a b x - 153594a b x
--R
--R
                                                                                                                    5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
                                                                         - 357000a b x - 546000a b x - 504000a b x - 201600a b x
--R
                                                                    +----+
--R
                                                                  1 2
--R
--R
                                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                 9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
--R
                                                                     35b x + 1620a b x + 17793a b x + 93114a b x + 287469a b x
--R
                                                                                                       5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
                                                                     579600a b x + 772800a b x + 604800a b x + 201600a b x
--R
--R
                                                                   +-+
--R
                                                                \|a
--R /
                                                                                                                                 3 6 2 2 4 3 2 4 +-+
--R
                                                                               4 8
--R
                                                                  (315b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a) \ a
--R
                                                                    +----+
--R
--R
                                                                1 2
--R
                                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                48 236 324 42 5
--R
--R
                                                      - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x - 80640a
--R
                                                                                                                                                                                                                                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 451
--S 452 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                                                                                          548 636 724 82 9
--R
--R
                                                                                        (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a)
--R
--R
                                                                                           +----+
                                                                                          1 2
--R
 --R
                                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R.
                                                                                                                                          5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
                                                                                                          - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
--R
                                                                                                    - 80640a
--R
--R
                                                                                           +-+
--R
                                                                                      \|a
```

```
--R
--R
                                                                                                 | 2 +-+
--R
--R
                                                                                                log(-----)
--R
--R
--R
                                                                                                                      5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
                                                                                               (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a)
--R
--R
--R
                                                                                                   1 2
--R
                                                                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                                                                                                                                  5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
                                                                                                                      - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
--R
                                                                                                            - 80640a
--R
--R
                                                                                                    +-+
--R
                                                                                                \|a
--R
--R
                                                                                                          1 2
--R
--R
                                                                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                         atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                          \la
--R
                                                                                                    5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
--R
                                                                       (563a b x + 22520a b x + 135120a b x + 252224a b x + 144128a)
--R
--R
                                                                             +----+
--R
                                                                       1 2
--R
                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9 +-+
--R
                                                 (- 5067a b x - 67560a b x - 243216a b x - 324288a b x - 144128a )\|a
--R
--R /
                                                                                            48 36 224
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        3 2
--R
                                                                        (315b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a) \ 
--R
--R
                                                                           +----+
                                                                       | 2
--R
--R
                                                                   \b x + a
--R
                                                                                                                                               2 3 6 3 2 4
--R
                                                                                 4 8
                                                           - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x - 80640a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
```

```
--E 452
--S 453 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                 (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 453
)clear all
--S 454 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^3
--R
--R
--R
--R
                                           4 8
                                                                      3 6
                                                                                                         2 2 4 3 2 4 | 2
--R
                                      (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
--R
                                                                                                                              3
--R
                                                                                                                           x
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 454
--S 455 of 1369
r0:=3/2*a^2*b*(a+b*x^2)^(3/2)+9/10*a*b*(a+b*x^2)^(5/2)+_
                 9/14*b*(a+b*x^2)^(7/2)-1/2*(a+b*x^2)^(9/2)/x^2-_
                 9/2*a^{(7/2)}*b*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))+9/2*a^3*b*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                    (2)
--R
                                                                                                              +----+
--R
                                                                                                              | 2
--R
                                                      3 2 +-+
                                                                                                         \begin{tabular}{ll} \beg
                                 - 315a b x \|a atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                        +-+
--R
                                                                                                                        \|a
--R
--R
                                               4 8 3 6
                                                                                                                                                                 3 2
                                                                                                                                                                                                      4 | 2
--R
                                                                                                                        2 2 4
--R
                                  (10b x + 58a b x + 156a b x + 388a b x - 35a) \ b x + a
--R /
--R
--R
                           70x
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 455
--S 456 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R (3)
                                                                                          4 5 10 5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
--R
                                                                                315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x
--R
--R
                                                                                                 8 2
--R
                                                                               80640a b x
--R
--R
--R
                                                                   1 2
                                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                            4 5 10 5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
--R
                                                                         - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
                                                                                                8 2
                                                                      - 80640a b x
--R
--R
--R
                                                                    +-+
--R
                                                                \|a
--R
--R
                                                                    +----+
                                                                  | 2 +-+
--R
--R
                                                                --R
                                                log(-----)
--R
--R
                                                                             8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
--R
                                                       - 90a b x - 1722a b x - 12684a b x - 52640a b x
--R
                                                                                     5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
--R
                                                       - 134085a b x - 175000a b x - 74480a b x + 20160a b x + 8960a
--R
--R
                                                   +----+
                                                  | 2
--R
--R
                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                             9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
--R
                                                     10b x + 468a b x + 5334a b x + 29904a b x + 103005a b x
--R
                                                                               5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
--R
                                                    211365a b x + 214200a b x + 65520a b x - 24640a b x - 8960a
--R
--R
                                                   +-+
--R
                                                \|a
--R /
--R
                                                        4 10 3 8 2 2 6 3 4 4 2 +-+
                                                (70b x + 2800a b x + 16800a b x + 31360a b x + 17920a x) \
--R
--R
```

```
1 2
--R
--R
                                                  \|b x + a
--R
                                           4 10 2 3 8 3 2 6 4 4 5 2
--R
--R
                                             - 630a b x - 8400a b x - 30240a b x - 40320a b x - 17920a x
--R
                                                                                                                                                                                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 456
--S 457 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                                                                458 546 634 722 8
 --R
 --R
                                                                          (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a b)
--R
--R
                                                                             +----+
--R
                                                                            1 2
--R
                                                                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                             458 546 634 722
--R
--R
                                                                                    - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
--R
                                                                                     - 80640a b
--R
--R
--R
                                                                          \|a
--R
                                                                         +----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
                                                                         --R
                                                        log(-----)
--R
--R
                                                                                         458 546 634 722 8
--R
--R
                                                                           (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a b)
--R
 --R
                                                                            1 2
 --R
 --R
                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                              4 5 8 5 4 6 6 3 4 7 2 2
--R
--R
                                                                                          - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
--R
                                                                                    - 80640a b
--R
--R
                                                                             +-+
```

```
--R
                                                                                                 \|a
  --R
  --R
                                                                                                                         1 2
 --R
 --R
                                                                                                              \|b x + a
                                                                                  atanh(-----)
 --R
 --R
 --R
                                                                                                                                          \|a
 --R
                                                                                                           458 546 634
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           7 2 2
 --R
                                                                             (388a b x + 15520a b x + 93120a b x + 173824a b x + 99328a b)
 --R
 --R
  --R
  --R
                                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
 --R
                                                                                               458 546 634 722 8 +-+
 --R
                                                        (- 3492a b x - 46560a b x - 167616a b x - 223488a b x - 99328a b)\|a
 --R /
                                                                                                  48 36 224 32 4+-+
 --R
 --R
                                                                                   (70b x + 2800a b x + 16800a b x + 31360a b x + 17920a) \arraycolumnum (100 x + 2800a b x + 16800a b x + 168
 --R
 --R
                                                                                 1 2
 --R
 --R
                                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
                                                                                                                                                            2 3 6 3 2 4 4 2 5
 --R
                                                                                                            4 8
 --R
                                                                   - 630a b x - 8400a b x - 30240a b x - 40320a b x - 17920a
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
 --E 457
--S 458 of 1369
 d0:=D(m0,x)
 --R
 --R
 --R (5) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
 --E 458
 )clear all
 --S 459 of 1369
 t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^5
 --R
 --R
 --R
                                                                                  48 36 224 3 2 4 | 2
 --R
 --R
                                                                       (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                            5
```

```
--R
                                                                                                                                                                                                       X
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 459
--S 460 of 1369
r0:=21/8*a*b^2*(a+b*x^2)^(3/2)+63/40*b^2*(a+b*x^2)^(5/2)-_
                            9/8*b*(a+b*x^2)^(7/2)/x^2-1/4*(a+b*x^2)^(9/2)/x^4-
                            63/8*a^{(5/2)*b^2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))+63/8*a^2*b^2*sqrt(a+b*x^2)}
--R
--R
--R
                                 (2)
--R
                                                                                                                                                                                  1 2
--R
--R
                                                                                        2 2 4 +-+
                                                                                                                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                      - 315a b x \|a atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                                                      +-+
--R
                                                                                                                                                                                                  \|a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        +----+
--R
                                                                       48 36
                                                                                                                                                                                            2 2 4
                                                                                                                                                                                                                                                          3 2
--R
                                                        (8b x + 56a b x + 288a b x - 85a b x - 10a) \ b x + a
--R /
--R
--R
                                             40x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 460
--S 461 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                 (3)
                                                                                                                                                                                                          4 5 10
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                             5 4 8
--R
                                                                                                   315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x
--R
                                                                                                                                    7 2 4
--R
--R
                                                                                                  80640a b x
--R
                                                                                              +----+
--R
                                                                                              1 2
--R
 --R
                                                                                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                         3 6 12
                                                                                                                                                                                                                    4 5 10
                                                                                                                                                                                                                                                                                        5 4 8
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    6 3 6
--R
                                                                                                    - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
                                                                                                                                                7 2 4
--R
--R
                                                                                                   - 80640a b x
--R
--R
                                                                                              +-+
--R
                                                                                         \|a
```

```
--R
                                                                                      +----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
                                                                                     log(-----)
--R
--R
--R
                                                                                                         8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10 5 4 8
--R
                                                                      - 72a b x - 1464a b x - 12480a b x - 51075a b x - 79310a b x
--R
--R
--R
                                                                                                                      6 3 6 7 2 4 8 2 9
                                                                       - 13280a b x + 53280a b x + 27520a b x + 2560a
--R
--R
--R
                                                                     +----+
--R
                                                                     1 2
--R
                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                            9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
                                                                     8b x + 384a b x + 4824a b x + 30315a b x + 86745a b x
--R
--R
                                                                                                   548 636 724 82 9
--R
--R
                                                                    90990a b x - 10080a b x - 66720a b x - 28800a b x - 2560a
--R
--R
                                                                  +-+
--R
                                                                \|a
--R /
                                                                           4 12 3 10 2 2 8 3 6 4 4 +-+
--R
--R
                                                                (40b x + 1600a b x + 9600a b x + 17920a b x + 10240a x) | a
--R
--R
                                                                    +----+
                                                               1 2
--R
--R
                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                4 12 2 3 10 3 2 8 4 6 5 4
--R
--R
                                                     - 360a b x - 4800a b x - 17280a b x - 23040a b x - 10240a x
--R
                                                                                                                                                                                                                                            Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 461
--S 462 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                                                                                         3 6 8 4 5 6 5 4 4 6 3 2 7 2
--R
                                                                                      (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a b)
--R
--R
                                                                                          +----+
--R
                                                                                        1 2
                                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
```

```
3 6 8 4 5 6 5 4 4 6 3 2
--R
--R
                                           - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
                                                             7 2
--R
                                         - 80640a b
--R
--R
                                         +-+
--R
                                       \|a
--R
--R
--R
                                        | 2 +-+
--R
                                      \|b x + a - \|a
--R
                              log(-----)
--R
--R
--R
                                               3 6 8 4 5 6 5 4 4 6 3 2 7 2
--R
                                       (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a b)
--R
--R
                                        +----+
                                       1 2
--R
--R
                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                            3 6 8 4 5 6 5 4 4 6 3 2
--R
--R
                                         - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
                                          .
7 2
--R
--R
                                        - 80640a b
--R
--R
                                        +-+
--R
                                       \|a
--R
--R
                                          +----+
                                           1 2
--R
                                    \|b x + a
--R
--R
                             atanh(-----)
                                                  +-+
--R
                                                 \|a
--R
--R
                                     3 6 8 4 5 6 5 4 4 6 3 2 7 2
--R
--R
                          (288a b x + 11520a b x + 69120a b x + 129024a b x + 73728a b )
--R
--R
                              +----+
--R
                             1 2
--R
                            \b x + a
--R
                                 3 6 8 4 5 6 5 4 4 6 3 2 7 2 +-+
--R
--R
                    (- 2592a b x - 34560a b x - 124416a b x - 165888a b x - 73728a b )\|a
--R /
--R
                                 48 36 224 32 4+++ 2
--R
```

```
--R
                           --R
--R
                                              4 8
                                                                  2 3 6 3 2 4 4 2
--R
                          - 360a b x - 4800a b x - 17280a b x - 23040a b x - 10240a
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 462
--S 463 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
            (5) 0
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 463
)clear all
--S 464 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^7
--R
--R
--R
--R
                               48 36 224 3 2 4 | 2
--R
                             (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                (1) -----
--R
                                                                                                  7
--R
                                                                                                x
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 464
--S 465 of 1369
r0:=35/16*b^3*(a+b*x^2)^(3/2)-21/16*b^2*(a+b*x^2)^(5/2)/x^2-_
             3/8*b*(a+b*x^2)^(7/2)/x^4-1/6*(a+b*x^2)^(9/2)/x^6-_
             105/16*a^{(3/2)}*b^{3}*atanh(sqrt(a+b*x^{2})/sqrt(a))+_
             105/16*a*b^3*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                                                     1 2
--R
--R
                                              3 6 +-+
                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
                          - 315a b x \|a atanh(-----)
--R
--R.
                                                                                               +-+
--R
                                                                                             \|a
--R
--R
                                                                                                                                                                +----+
                                  48 36 224 3 2 4 2
--R
--R
                           (16b x + 208a b x - 165a b x - 50a b x - 8a) \ b x + a
--R /
--R
```

```
--R
                                 48x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 465
--S 466 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                                                                           2 7 14 3 6 12 4 5 10 5 4 8
--R
--R
                                                                             315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x
--R
                                                                                                    6 3 6
--R
--R
                                                                            80640a b x
--R
--R
                                                                          +----+
--R
                                                                        1 2
--R
                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                     2 7 14 3 6 12 4 5 10 5 4 8
--R
--R
                                                                             - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
                                                                                                          6 3 6
--R
                                                                          - 80640a b x
--R
--R
                                                                          +-+
--R
                                                                      \|a
--R
--R
                                                                      +-----+
| 2 +-+
--R
--R
                                                                     log(-----)
--R
--R
--R
                                                                                          8 16 2 7 14 3 6 12
--R
                                                          - 144a b x - 3584a b x - 22067a b x - 28902a b x
--R
--R
                                                                                                                                                                                                 7 2 4
                                                                                                                                                                                                                                                              8 2
--R
                                                                                  5 4 8
                                                                                                                                 6 3 6
--R
                                                          46632a b x + 117600a b x + 74496a b x + 17408a b x + 2048a
--R
                                                        +----+
--R
--R
                                                        1 2
--R
                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                   9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
                                                        16b x + 864a b x + 10971a b x + 37473a b x + 16254a b x
--R
--R
--R
                                                                                                                                         6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
                                                            - 97128a b x - 152800a b x - 82944a b x - 18432a b x - 2048a
--R
```

```
--R
                           +-+
--R
                          \|a
--R /
                                 4 14 3 12 2 2 10 3 8 4 6 +-+
--R
--R
                          (48b x + 1920a b x + 11520a b x + 21504a b x + 12288a x )\a
--R
--R
                             +----+
--R
                            | 2
                         \|b x + a
--R
--R
                           4 14 2 3 12 3 2 10 4 8 5 6
--R
--R
                       - 432a b x - 5760a b x - 20736a b x - 27648a b x - 12288a x
--R
                                                                                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 466
--S 467 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                        278 366 454 542 63
--R
--R
                                     (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a b)
--R
--R
                                      1 2
--R
--R
                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                           278 366 454 542
--R
--R
                                       - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
                                                         6 3
--R
                                       - 80640a b
--R
--R
                                       +-+
--R
                                      \|a
--R
                                       +----+
--R
                                      | 2 +-+
--R
--R
                                   \|b x + a - \|a
--R
                            log(-----)
--R
--R
--R
                                              278 366 454 542 63
--R
                                      (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a b)
--R
                                      +----+
--R
                                      | 2
--R
--R
                                  \b x + a
--R
                                                     278 366 454 542
--R
```

```
--R
                                                                                   - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
 --R
                                                                                                                          6 3
--R
                                                                                   - 80640a b
--R
--R
                                                                               +-+
 --R
                                                                            \|a
 --R
                                                                                        +----+
 --R
                                                                                     | 2
--R
--R
                                                                                  \|b x + a
--R
                                                         atanh(-----)
                                                                                                   +-+
 --R
 --R
                                                                                                \la
 --R
 --R
                                                                               278 366 454 542 63
--R
                                                         (208a b x + 8320a b x + 49920a b x + 93184a b x + 53248a b)
--R
                                                            +----+
--R
                                                         1 2
--R
--R
                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                   278 366 454 542 63+-+
--R
                                       (- 1872a b x - 24960a b x - 89856a b x - 119808a b x - 53248a b )\|a
--R /
                                                                    48 36 224 32 4+-+
--R
--R
                                                          --R
--R
                                                             +----+
--R
                                                        1 2
--R
                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                2 3 6 3 2 4 4 2 5
--R
                                                                             4 8
--R
                                               - 432a b x - 5760a b x - 20736a b x - 27648a b x - 12288a
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 467
--S 468 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
  --R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 468
)clear all
--S 469 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^9
--R
```

```
--R
 --R
 --R
                                                                                   48 36 224 3 2 4 | 2
--R
                                                                            (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                 (1) -----
--R
                                                                                                                                                                                                                                                           9
--R
                                                                                                                                                                                                                                                      х
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 469
--S 470 of 1369
r0:=-105/128*b^3*(a+b*x^2)^(3/2)/x^2-21/64*b^2*(a+b*x^2)^(5/2)/x^4-105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+105/22*(a+b*x^2)^2+1
                                   3/16*b*(a+b*x^2)^(7/2)/x^6-1/8*(a+b*x^2)^(9/2)/x^8-_
                                   315/128*b^4*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))*sqrt(a)+_
                                   315/128*b^4*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                                    (2)
--R
                                                                                                                                                                                                            +----+
--R
--R
                                                                                                    4 8 +-+
                                                                                                                                                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                - 315b x \|a atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                                                                                 +-+
--R
                                                                                                                                                                                                                                 \|a
--R
--R
                                                                                                  48 36 224 3 2 4 2
--R
--R
                                                                  (128b x - 325a b x - 210a b x - 88a b x - 16a) \ b x + a
--R /
--R
                                                                                 8
--R
                                                     128x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 470
--S 471 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
 --R
                                         (3)
                                                                                                                                                                 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
 --R
                                                                                                                           315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x
 --R
 --R
 --R.
                                                                                                                                                                 5 4 8
                                                                                                                        80640a b x
--R
--R
--R
                                                                                                                    +----+
--R
                                                                                                                  | 2
 --R
                                                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                                                        8 16
                                                                                                                                                                                                                                                                                2 7 14 3 6 12 4 5 10
```

```
- 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
--R
                                                                                    5 4 8
--R
                                                                  - 80640a b x
--R
--R
                                                                +-+
--R
                                                              \|a
--R
                                                           +----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
                                                         \|b x + a - \|a
--R
                                             log(-----)
--R
--R
--R
                                                                                  8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
                                                     - 1024a b x - 7315a b x + 16314a b x + 150008a b x
--R
                                                                           5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
--R
                                                     288624a b x + 244096a b x + 111360a b x + 31744a b x + 4096a
--R
--R
                                                 +----+
--R
                                               1 2
--R
                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                           9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
                                                 128b x + 3771a b x + 6945a b x - 66930a b x - 269640a b x
                                              + 5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
--R
--R
                                                 - 398576a b x - 296064a b x - 126720a b x - 33792a b x - 4096a
--R
--R
                                               +-+
--R
                                            \|a
--R /
                                                   4 16 3 14 2 2 12 3 10 4 8 +-+
--R
--R
                                               (128b x + 5120a b x + 30720a b x + 57344a b x + 32768a x) | a
--R
--R
                                                 +----+
                                               1 2
--R
--R
                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                   4 16 2 3 14 3 2 12 4 10 5 8
--R
                                      - 1152a b x - 15360a b x - 55296a b x - 73728a b x - 32768a x
--R
--R
                                                                                                                                                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 471
--S 472 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
```

```
88 276 364 452 54
--R
--R
                                                                         (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a b)
--R
--R
--R
                                                                          1 2
--R
                                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                  88 276 364 452
--R
--R
                                                                           - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
                                                                                                   5 4
--R
                                                                           - 80640a b
--R
--R
                                                                            +-+
--R
                                                                        \|a
--R
--R
                                                                          +----+
                                                                          | 2 +-+
--R
--R
                                                                        --R
                                                      log(-----)
--R
                                                                                                      x
--R
                                                                                              88 276 364 452 54
--R
                                                                        (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a b)
--R
--R
--R
                                                                          1 2
--R
--R
                                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                         88 276 364 452
--R
--R
                                                                           - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
                                                                                                             5 4
--R
                                                                          - 80640a b
--R
                                                                           +-+
--R
--R
                                                                        \|a
--R
                                                                                     +----+
--R
                                                                                 1 2
--R
                                                                        \|b x + a
--R
--R
                                                       atanh(-----)
--R
                                                                                                +-+
--R
                                                                                           \|a
--R
                                                                               88 276 364 452 54
--R
--R
                                                       (128a b x + 5120a b x + 30720a b x + 57344a b x + 32768a b)
--R
--R
                                                        1 2
--R
```

```
--R
                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
                                                                                  88 276 364 452 54+-+
 --R
--R
                                             (- 1152a b x - 15360a b x - 55296a b x - 73728a b x - 32768a b )\|a
--R /
                                                                                                                           3 6
                                                                                                                                                                               2 2 4 3 2
--R
                                                                          4 8
--R
                                                    (128b x + 5120a b x + 30720a b x + 57344a b x + 32768a) \a
--R
                                                         +----+
--R
                                                     | 2
--R
--R
                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                2 3 6 3 2 4 4 2 5
                                                                          4 8
 --R
 --R
                                            - 1152a b x - 15360a b x - 55296a b x - 73728a b x - 32768a
--R
                                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 472
--S 473 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 473
)clear all
--S 474 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^11
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                       +----+
                                                   48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
                                           (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R (1) ------
--R
                                                                                                                                                               11
--R
                                                                                                                                                              x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 474
--S 475 of 1369
r0:=-21/128*b^3*(a+b*x^2)^(3/2)/x^4-21/160*b^2*(a+b*x^2)^(5/2)/x^6-_
                       9/80*b*(a+b*x^2)^(7/2)/x^8-1/10*(a+b*x^2)^(9/2)/x^10-_
                       63/256*b^5*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/sqrt(a)-_
                      63/256*b^4*sqrt(a+b*x^2)/x^2
--R
--R
--R
                         (2)
--R
                                                                                                                       1 2
--R
```

```
5 10 \|b x + a
--R
                    - 315b x atanh(-----)
--R
--R
                                                                               +-+
--R
                                                                              \|a
--R
--R
                                      48 36 224 32 4+-+| 2
--R
--R
                     (- 965b x - 1490a b x - 1368a b x - 656a b x - 128a )\|a \|b x + a
--R /
--R
                              10 +-+
--R
                   1280x \|a
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 475
--S 476 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                                           9 18 2 8 16 3 7 14 4 6 12
--R
                                              3150a b x + 50400a b x + 211680a b x + 322560a b x
--R
--R
                                                            5 5 10
                                            161280a b x
--R
--R
                                            +----+
--R
                                           1 2
--R
--R
                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                        10 20 9 18 2 8 16 3 7 14
--R
--R
                                             - 315b x - 15750a b x - 126000a b x - 352800a b x
--R
                                                                                                5 5 10
--R
                                                                   4 6 12
--R
                                          - 403200a b x - 161280a b x
--R
                                           +-+
--R
--R
                                          \|a
--R
--R
                                           +----+
                                          | 2 +-+
--R
--R
                                        \b x + a - \a
--R
                               log(-----)
--R
                                                          x
--R
                                                 9 18 2 8 16 3 7 14
--R
                                    965a b x + 49740a b x + 461868a b x + 1745856a b x
--R
--R
                                                                                   6 4 8
--R
                                                                                                                              7 3 6
--R
                                 3484128a b x + 4202240a b x + 3299840a b x + 1683456a b x
--R
```

```
9 2 10
--R
--R
                                   499712a b x + 65536a
--R
--R
                                  +----+
--R
                                1 2
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                        9 18 2 8 16 3 7 14 4 6 12
--R
                                   - 9650a b x - 178950a b x - 1069860a b x - 3115440a b x
--R
--R
--R
                                                         5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4
                                   - 5260256a b x - 5670400a b x - 4083200a b x - 1925120a b x
--R
--R
                                                      9 2 10
--R
--R
                                  - 532480a b x - 65536a
--R
--R
                                 +-+
--R
                               \|a
--R /
                                         4 18 2 3 16 3 2 14 4 12
--R
--R
                                    12800a b x + 204800a b x + 860160a b x + 1310720a b x
--R
--R
                                                     5 10
--R
                                 655360a x
--R
--R
                                +-+ | 2
--R
--R
                               --R
                                 5 20 2 4 18 3 3 16 4 2 14
--R
--R
                         - 1280a b x - 64000a b x - 512000a b x - 1433600a b x
--R
                                                 5 12 6 10
--R
--R
                          - 1638400a b x - 655360a x
--R
                                                                                                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 476
--S 477 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                               --R.
--R
                             63b log(-----) + 63b atanh(-----)
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                                                                                         256\|a
```

```
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 477
--S 478 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
                   (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 478
)clear all
--S 479 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^13
--R
--R
--R
                                        48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
                                   (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
--R
                                                                                                                     13
--R
                                                                                                                   x
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 479
--S 480 of 1369
r0:=-7/128*b^3*(a+b*x^2)^(3/2)/x^6-21/320*b^2*(a+b*x^2)^(5/2)/x^8-_
                3/40*b*(a+b*x^2)^(7/2)/x^10-1/12*(a+b*x^2)^(9/2)/x^12+_
                21/1024*b^6*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)-_
                21/512*b^4*sqrt(a+b*x^2)/x^4-21/1024*b^5*sqrt(a+b*x^2)/(a*x^2)
--R
--R
--R
                   (2)
--R
                                                                               1 2
--R
--R
                                            6 12
                                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
                               315b x atanh(-----)
--R
--R
                                                                                           +-+
--R
                                                                                         \|a
 --R
--R
                                                                                                        4 8
                                                                                                                                    2 3 6 3 2 4 4 2
                                                               5 10
--R
                                             - 315b x - 4910a b x - 11432a b x - 12144a b x - 6272a b x
--R
--R
                                                                   5
                                            - 1280a
--R
--R
--R
                                                     +----+
                                         +-+ | 2
--R
--R
```

```
--R /
                   12 +-+
--R
--R 15360a x \|a
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--Е 480
--S 481 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                                                   11 22 2 10 20 3 9 18 4 8 16
--R
                                             - 3780a b x - 88200a b x - 564480a b x - 1451520a b x
--R
--R
--R
                                                                     5 7 14
                                                                                                   6 6 12
--R
                                             - 1612800a b x - 645120a b x
--R
--R
                                           +----+
--R
                                          1 2
--R
                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                    12 24 11 22 2 10 20 3 9 18
--R
                                             315b x + 22680a b x + 264600a b x + 1128960a b x
--R
                                                   4 8 16 5 7 14 6 6 12
--R
--R
                                               2177280a b x + 1935360a b x + 645120a b x
--R
--R
                                           +-+
--R
                                          \|a
--R
                                         +----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
                                         \b x + a - \a
--R
                               log(-----)
--R
--R
                                                 11 22 2 10 20 3 9 18 4 8 16
--R
--R
                                   315a b x + 27590a b x + 629552a b x + 6088608a b x
--R
                                                       5 7 14
--R
                                                                                                      6 6 12
--R
                                   30258240a b x + 87499392a b x + 158714880a b x
--R
                                                         8 4 8 9 3 6 10 2 4
--R
--R
                                 187787264a b x + 145965056a b x + 72253440a b x + 20709376a b x
--R
--R
--R
                                    2621440a
--R
--R
                                 1 2
--R
```

```
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                    11 22 2 10 20 3 9 18 4 8 16
--R
                               - 3780a b   x   - 150900a b   x   - 2223584a b x   - 15673392a b x
--R
--R
                                                                                    6 6 12
--R
                                                         5 7 14
                                                                                                                                             7 5 10
--R
                              - 61796736a b x - 150196352a b x - 238141440a b x
--R
                                                          8 4 8 9 3 6 10 2 4
--R
                              - 252930048a b x - 179666944a b x - 82280448a b x
--R
--R
                                                      11 2 12
--R
                              - 22020096a b x - 2621440a
--R
--R
--R
                            +-+
--R
                           \|a
--R /
--R
                                               2 5 22 3 4 20 4 3 18 5 2 16
--R
                             184320a b x + 4300800a b x + 27525120a b x + 70778880a b x
--R
--R
                                                6 14
                                                                             7 12
--R
                             78643200a b x + 31457280a x
--R
--R
                                  +----+
--R
                           +-+ | 2
--R
                           --R
                              2 6 24 3 5 22 4 4 20 5 3 18
--R
--R
                       - 15360a b x - 1105920a b x - 12902400a b x - 55050240a b x
--R
                                              6 2 16 7 14
--R
--R
                       - 106168320a b x - 94371840a b x - 31457280a x
--R
                                                                                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 481
--S 482 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                                | 2 +-+ | 2
6 \|b x + a - \|a 6 \|b x + a
--R
--R
--R.
                         - 21b log(-----) - 21b atanh(-----)
--R
--R
--R
          (4) -----
--R
--R
                                                                               1024a\|a
--R
                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 482
```

```
--S 483 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 483
)clear all
--S 484 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^15
--R
--R
--R
--R
          48 36 224 3 2 4 | 2
--R
         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
    (1) -----
--R
                               15
--R
                              x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 484
--S 485 of 1369
r0:=-3/128*b^3*(a+b*x^2)^(3/2)/x^8-3/80*b^2*(a+b*x^2)^(5/2)/x^10-_
    3/56*b*(a+b*x^2)^(7/2)/x^12-1/14*(a+b*x^2)^(9/2)/x^14-_
    9/2048*b^7*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-_
    3/256*b^4*sqrt(a+b*x^2)/x^6-3/1024*b^5*sqrt(a+b*x^2)/(a*x^4)+_
    9/2048*b^6*sqrt(a+b*x^2)/(a^2*x^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                       +----+
--R
                      1 2
                     \b x + a
--R
             7 14
--R
        - 315b x atanh(-----)
                         +-+
--R
--R
                         \|a
--R
--R
               6 12
                        5 10
                                     2 4 8 3 3 6
--R
           315b x - 210a b x - 14168a b x - 39056a b x - 44928a b x
--R.
                  5 2 6
--R
--R
           - 24320a b x - 5120a
--R
--R
              +----+
--R
          +-+ | 2
--R
          --R /
```

```
2 14 +-+
--R 71680a x \|a
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 485
--S 486 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                                       13 26 2 12 24 3 11 22 4 10 20
--R
                                         4410a b x + 141120a b x + 1270080a b x + 4838400a b x
--R
                                                                                                                                 7 7 14
--R
                                                          5 9 18
                                                                                       6 8 16
--R
                                         8870400a b x + 7741440a b x + 2580480a b x
--R
--R
                                       +----+
--R
                                       1 2
--R
                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                               14 28 13 26 2 12 24 3 11 22
--R
                                         - 315b x - 30870a b x - 493920a b x - 2963520a b x
--R
--R
--R
                                                               4 10 20 5 9 18 6 8 16
                                         - 8467200a b x - 12418560a b x - 9031680a b x
--R
--R
--R
                                                                 7 7 14
--R
                                         - 2580480a b x
--R
--R
                                       +-+
--R
                                      \|a
--R
                                     +----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
                                   \|b x + a - \|a
--R
                            log(-----)
--R
--R
                                                 13 26 2 12 24 3 11 22 4 10 20
--R
--R
                                - 315a b x - 30660a b x - 459172a b x - 1206720a b x
--R
                                                                                6 8 16
--R
                                                   5 9 18
                                                                                                                                              7 7 14
--R.
                               19596320a b x + 192185856a b x + 820357632a b x
--R
                                                        8 6 12 9 5 10
--R
--R
                                 2073143296a b x + 3392184320a b x + 3709009920a b x
--R
--R
                                                                                                    12 2 4
                             2704539648a b x + 1267204096a b x + 346030080a b x + 41943040a
--R
--R
```

```
--R
--R
         | 2
--R
         \b x + a
--R
           13 26 2 12 24 3 11 22 4 10 20
--R
--R
          4410a b x + 142590a b x + 1115828a b x - 1924720a b x
--R
--R
                  5 9 18
                                6 8 16
          - 72509024a b x - 463341312a b x - 1587302912a b x
--R
--R
--R
                   8 6 12 9 5 10
          - 3433744384a b x - 4975452160a b x - 4922867712a b x
--R
--R
--R
                   11 3 6
                                   12 2 4
--R
          - 3297509376a b x - 1434976256a b x - 367001600a b x
--R
--R
--R
          - 41943040a
--R
--R
         +-+
--R
         \|a
--R /
               3 6 26 4 5 24 5 4 22
--R
--R
         1003520a b x + 32112640a b x + 289013760a b x
--R
                 6 3 20 7 2 18 8 16
--R
         1101004800a b x + 2018508800a b x + 1761607680a b x
--R
--R
--R
                  9 14
--R
         587202560a x
--R
           +----+
--R
--R
         +-+ | 2
--R
        \|a \|b x + a
--R
            3 7 28 4 6 26 5 5 24
--R
                                                       6 4 22
--R
      - 71680a b x - 7024640a b x - 112394240a b x - 674365440a b x
--R
                         8 2 18
                7 3 20
--R
--R
      - 1926758400a b x - 2825912320a b x - 2055208960a b x
--R
--R
               10 14
--R
       - 587202560a x
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 486
--S 487 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R
                                                  | 2 +-+
--R
                                                                                                                                     1 2
                                 7 \ |bx + a - |a  7 \ |bx + a
--R
--R
                              9b log(-----) + 9b atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                \|a
--R
                (4) -----
--R
                                                                                            2 +-+
--R
                                                                                    2048a \|a
--R
                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 487
--S 488 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
             (5) 0
--R
                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 488
)clear all
--S 489 of 1369
t0:=x^6*(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                               4 14 3 12 2 2 10 3 8 4 6 | 2
--R
             (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a x )\|b x + a
--R.
                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 489
--S 490 of 1369
r0:=3/256*a^3*x^7*(a+b*x^2)^(3/2)+3/128*a^2*x^7*(a+b*x^2)^(5/2)+_
             9/224*a*x^7*(a+b*x^2)^(7/2)+1/16*x^7*(a+b*x^2)^(9/2)-_
             45/32768*a^8*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(7/2)+_
             45/32768*a^7*x*sqrt(a+b*x^2)/b^3-15/16384*a^6*x^3*_
             sqrt(a+b*x^2)/b^2+3/4096*a^5*x^5*sqrt(a+b*x^2)/b+_
             9/2048*a^4*x^7*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                (2)
--R.
                                                                          +-+
--R.
                                      8
                                                                 x\|b
                          - 315a atanh(-----)
--R
                                                               +----+
--R
                                                                | 2
--R
--R
                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                      7 15 6 13 2 5 11 3 4 9 4 3 7
--R
```

```
14336b x + 66560a b x + 119040a b x + 98432a b x + 32624a b x
--R
--R
--R
            5 2 5 6 3 7
--R
         168a b x - 210a b x + 315a x
--R
           +----+
--R
        +-+ | 2
--R
--R
       \b \b \b x + a
--R /
          3 +-+
--R
--R
      229376b \|b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 490
--S 491 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
                 8 7 14 9 6 12 10 5 10 11 4 8
--R
--R
              5040a b x + 211680a b x + 2540160a b x + 13305600a b x
--R
--R
                   12 3 6 13 2 4 14 2 15
             35481600a b x + 50319360a b x + 36126720a b x + 10321920a
--R
--R
--R
--R
             +-+ | 2
--R
             --R
               8 8 16 9 7 14 10 6 12 11 5 10
--R
--R
           - 315a b x - 40320a b x - 846720a b x - 6773760a b x
--R
                   12 4 8 13 3 6 14 2 4
--R
           - 26611200a b x - 56770560a b x - 67092480a b x
--R
--R
--R
                   15 2
           - 41287680a b x - 10321920a
--R
--R
--R
                        | 2
--R
                                       2
--R
             (|a|b + bx)|bx + a + (-bx - a)|b - bx|a
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
                           |a|bx + a - a
--R
                                      2 13 27
--R
                              14 29
           - 14336b x - 1901568a b x - 47173888a b x
--R
--R
```

```
3 12 25 4 11 23
--R
            - 502530176a b x - 2975022960a b x - 11035277480a b x
--R
--R
                                       7 8 17
--R
                      6 9 19
--R
            - 27310058286a b x - 46527167547a b x - 55047454848a b x
--R
                      9 6 13
                                      10 5 11
--R
--R
           - 44639228800a b x - 23770343424a b x - 7526059520a b x
--R
                                   13 2 5
--R
                     12 3 7
                                                 14 3
--R
           - 1103085568a b x - 45072384a b x - 34406400a b x
--R
--R
--R
           - 10321920a x
--R
--R
--R
           +-+ | 2
--R
          \b \b \b x + a
--R
--R
                         14 29 2 13 27
--R
            229376b x + 10928128a b x + 172937216a b x
--R
--R
                   3 12 25
                              4 11 23
--R
            1386100736a b x + 6676770560a b x + 21084247936a b x
--R
                             7 8 17 8 7 15
--R
                    6 9 19
--R
            45737690208a b x + 69692308560a b x + 74823758928a b x
--R
--R
                     9 6 13
                                     10 5 11
--R.
           55651554400a b x + 27397242752a b x + 8073715456a b x
--R
                  12 3 7 13 2 5 14 3 15
--R
--R
          1121966080a b x + 60985344a b x + 39567360a b x + 10321920a x
--R
--R
           +-+ +-+
--R
          \|a \|b
--R
                          9 12
--R
                                               2 8 10
                 10 14
            3670016b x + 154140672a b x + 1849688064a b x
--R
--R
--R
                    3 7 8
                                   466
            9688842240a b x + 25836912640a b x + 36641439744a b x
--R
--R
--R
                    6 4 2
                                   73
--R
           26306674688a b x + 7516192768a b
--R
--R
                +----+
--R
           +-+ +-+ | 2
          --R
--R
```

```
11 16 10 14 2 9 12
--R
--R
           - 229376b x - 29360128a b x - 616562688a b x
--R
--R
                    3 8 10
                                   4 7 8
--R
           - 4932501504a b x - 19377684480a b x - 41339060224a b x
--R
--R
                     6 5 4
                                   7 4 2
--R
          - 48855252992a b x - 30064771072a b x - 7516192768a b
--R
--R
          +-+
--R
          \|b
--R
--R
                   8 7 14 9 6 12 10 5 10
--R
--R
              - 10080a b x - 423360a b x - 5080320a b x
--R
--R
                     11 4 8
                              12 3 6
--R
              - 26611200a b x - 70963200a b x - 100638720a b x
--R
                     14 2 15
--R
--R
             - 72253440a b x - 20643840a
--R
--R
--R
             +-+ | 2
--R
             --R
             8 8 16 9 7 14 10 6 12 11 5 10
--R
--R
           630a b x + 80640a b x + 1693440a b x + 13547520a b x
--R
              12 4 8 13 3 6 14 2 4
--R
--R
           53222400a b x + 113541120a b x + 134184960a b x
--R
                 15 2
--R
--R
           82575360a b x + 20643840a
--R
                  +----+
--R
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             \|- b \|b x + a - \|- b \|a
          atan(-----)
--R
--R
                       р х
--R
                15 31
                        14 29 2 13 27
--R
--R
           - 14336b x - 1901568a b x - 47173888a b x
--R
                   3 12 25 4 11 23
--R
           - 502530176a b x - 2975022960a b x - 11035277480a b x
--R
--R
--R
                      6 9 19
                                    7 8 17
           - 27310058286a b x - 46527167547a b x - 55047454848a b x
--R
--R
```

```
9 6 13 10 5 11 11 4 9
--R
           - 44639228800a b x - 23770343424a b x - 7526059520a b x
--R
--R
--R
                     12 3 7
                                  13 2 5
           - 1103085568a b x - 45072384a b x - 34406400a b x
--R
--R
--R
--R
          - 10321920a x
--R
--R
--R
          +---+ | 2
--R
          --R
--R
                              14 29
           229376b x + 10928128a b x + 172937216a b x
--R
--R
--R
                   3 12 25
                                  4 11 23
--R
           1386100736a b x + 6676770560a b x + 21084247936a b x
--R
--R
                    6 9 19
                            7 8 17
--R
            45737690208a b x + 69692308560a b x + 74823758928a b x
--R
--R
                    9 6 13
                                   10 5 11
--R
           55651554400a b x + 27397242752a b x + 8073715456a b x
--R
                 12 3 7 13 2 5 14 3 15
--R
--R
          1121966080a b x + 60985344a b x + 39567360a b x + 10321920a x
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- b \|a
--R
            10 14
                        9 12 2 8 10
--R
--R
            3670016b x + 154140672a b x + 1849688064a b x
--R
--R
                   3 7 8
                                 466
            9688842240a b x + 25836912640a b x + 36641439744a b x
--R
--R
--R
                   6 4 2
          26306674688a b x + 7516192768a b
--R
--R
--R
          +---+ +-+ | 2
--R
--R.
          --R
                         10 14 2 9 12
--R
              11 16
--R
           - 229376b x - 29360128a b x - 616562688a b x
--R
--R
                               478
           - 4932501504a b x - 19377684480a b x - 41339060224a b x
--R
--R
```

```
6 5 4 7 4 2 8 3
--R
--R
                                              - 48855252992a b x - 30064771072a b x - 7516192768a b
--R
--R
                                          +---+
--R
                                        \|- b
--R
--R
                                                                                                                  Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 491
--S 492 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                 (4)
--R
                                                        +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
                                 8 (|a|b + bx)|bx + a + (-bx - a)|b - bx|a
                        45a log(-----)
--R
                                                                                                +----+
--R
                                                                                                                +-+ | 2
--R
--R
                                                                                                               --R
--R
--R
                                8 x\|b
--R
                             45a atanh(-----)
--R
                                                             1 2
--R
--R
                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                          3 +-+
--R
--R
                       32768b \|b
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 492
--S 493 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
             (5) 0
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 493
--S 494 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                                                                                                                                                       +---+ | 2 +---+ +-+
--R
                                                                                                                       8 +-+ | -b| b x + a - - b | a
--R 8 +---+
                                                                         x\|b
```

```
45a \|- b atanh(-----) - 90a \|b atan(-----)
--R
--R
                                                                                                              +----+
--R
                                                                                                             1 2
--R
                                                                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                      3 +---+ +-+
--R
--R
                                                                                                                                                                          32768b \|- b \|b
                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--R
--E 494
--S 495 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                       (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 495
)clear all
--S 496 of 1369
t0:=x^4*(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                                                      4 12 3 10 2 2 8 3 6 4 4 | 2
--R
                            (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a x) | b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 496
--S 497 of 1369
\texttt{r0:=}3/128*\texttt{a}^3*\texttt{x}^5*(\texttt{a}+\texttt{b}*\texttt{x}^2)^(3/2)+3/80*\texttt{a}^2*\texttt{x}^5*(\texttt{a}+\texttt{b}*\texttt{x}^2)^(5/2)+\_
                        3/56*a*x^5*(a+b*x^2)^(7/2)+1/14*x^5*(a+b*x^2)^(9/2)+_
                        9/2048*a^7*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-_
                        9/2048*a^6*x*sqrt(a+b*x^2)/b^2+3/1024*a^5*x^3*sqrt(a+b*x^2)/b+_
                        3/256*a^4*x^5*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                             (2)
--R
--R
                                                                                                                 x \mid b
                                                315a atanh(-----)
--R
--R.
                                                                                                  +----+
--R.
                                                                                                         | 2
--R
                                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                           6 13 5 11 2 4 9 3 3 7 4 2 5
--R
--R
                                                                5120b x + 24320a b x + 44928a b x + 39056a b x + 14168a b x
--R
                                                                             5 3 6
--R
```

```
--R
        210a b x - 315a x
--R
--R
          +----+
--R
        +-+ | 2
      \|b \|b x + a
--R
--R /
--R
        2 +-+
--R
     71680b \|b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 497
--S 498 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
                 7 6 12 8 5 10 9 4 8 10 3 6
--R
             4410a b x + 141120a b x + 1270080a b x + 4838400a b x
--R
                          12 2
--R
--R
             8870400a b x + 7741440a b x + 2580480a
--R
--R
              +----+
--R
             +-+ | 2
--R
            --R
              7 7 14 8 6 12 9 5 10 10 4 8
--R
--R
           - 315a b x - 30870a b x - 493920a b x - 2963520a b x
--R
                 11 3 6 12 2 4 13 2 14
--R
          - 8467200a b x - 12418560a b x - 9031680a b x - 2580480a
--R
--R
--R
                                    2 +-+ +-+
                       1 2
--R
--R
            (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
         log(-----)
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          --R
                      12 25 2 11 23
--R
               13 27
                                                3 10 21
--R.
           - 5120b x - 526080a b x - 10456448a b x - 90744720a b x
--R
                           5 8 17
--R
                   4 9 19
           - 440716920a b x - 1340883586a b x - 2702931497a b x
--R
--R
--R
                                 8 5 11
          - 3693903786a b x - 3409466400a b x - 2049104320a b x
--R
--R
```

```
10 3 7 11 2 5 12 3 13
--R
          - 725983488a b x - 109666816a b x + 7311360a b x + 2580480a x
--R
--R
--R
          +-+ | 2
--R
--R
          \b \b \b x + a
--R
                      12 25 2 11 23
--R
          71680b x + 2705920a b x + 34802432a b x
--R
--R
                           4 9 19
--R
                 3 10 21
                                               5 8 17
           229544160a b x + 913955504a b x + 2381177932a b x
--R
--R
--R
                   6 7 15
                                 7 6 13
           4226517442a b x + 5183442054a b x + 4350339840a b x
--R
--R
--R
                   9 4 9
                                10 3 7
                                         11 2 5
--R
           2398031552a b x + 781569536a b x + 106333696a b x
--R
--R
                  12 3 13
--R
          - 8601600a b x - 2580480a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
          \|a \|b
--R
            8 12 7 10 2 6 8 3 5 6
--R
--R
           1003520b x + 32112640a b x + 289013760a b x + 1101004800a b x
--R
--R
                   4 4 4
                           5 3 2
--R
           2018508800a b x + 1761607680a b x + 587202560a b
--R
--R
               +----+
          +-+ +-+ | 2
--R
--R
          --R
                9 14 8 12 2 7 10 3 6 8
--R
--R
           - 71680b x - 7024640a b x - 112394240a b x - 674365440a b x
--R
                                  5 4 4
--R
                    4 5 6
           - 1926758400a b x - 2825912320a b x - 2055208960a b x
--R
--R
--R
--R.
          - 587202560a b
--R
--R
          +-+
--R
         \|b
--R
--R
                  7 6 12 8 5 10 9 4 8 10 3 6
--R
--R
              8820a b x + 282240a b x + 2540160a b x + 9676800a b x
```

```
--R
                11 2 4 12 2 13
--R
--R
             17740800a b x + 15482880a b x + 5160960a
--R
--R
             +-+ | 2
--R
--R
            --R
              7 7 14 8 6 12 9 5 10 10 4 8
--R
           - 630a b x - 61740a b x - 987840a b x - 5927040a b x
--R
--R
                  11 3 6 12 2 4 13 2 14
--R
          - 16934400a b x - 24837120a b x - 18063360a b x - 5160960a
--R
--R
--R
--R
             +---+ | 2
                            +---+ +-+
--R
             \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
--R
--R
               13 27 12 25 2 11 23 3 10 21
--R
           - 5120b x - 526080a b x - 10456448a b x - 90744720a b x
--R
--R
--R
                          5 8 17 6 7 15
               4 9 19
           - 440716920a b x - 1340883586a b x - 2702931497a b x
--R
--R
--R
                    7 6 13
                                  8 5 11
--R
           - 3693903786a b x - 3409466400a b x - 2049104320a b x
--R
                 10 3 7 11 2 5 12 3 13
--R
--R
          -725983488a b x -109666816a b x +7311360a b x +2580480a x
--R
--R
--R
          +---+ | 2
          --R
--R
                            12 25 2 11 23
--R
              13 27
           71680b x + 2705920a b x + 34802432a b x
--R
--R
--R
                 3 10 21
                                4 9 19
--R
           229544160a b x + 913955504a b x + 2381177932a b x
--R
                          7 6 13
--R.
                  6 7 15
--R
           4226517442a b x + 5183442054a b x + 4350339840a b x
--R
--R
                   9 4 9
                               10 3 7
--R
           2398031552a b x + 781569536a b x + 106333696a b x
--R
--R
                  12 3 13
          - 8601600a b x - 2580480a x
--R
```

```
--R
--R
                                     +---+ +-+
--R
                                    \|- b \|a
--R
                                              8 12 7 10 2 6 8 3 5 6
--R
                                         1003520b x + 32112640a b x + 289013760a b x + 1101004800a b x
--R
--R
--R
                                                                   4 4 4
                                                                                                                    5 3 2
                                         2018508800a b x + 1761607680a b x + 587202560a b
--R
--R
--R
                                      +---+ +-+ | 2
--R
                                    --R
--R
                                                         9 14 8 12 2 7 10 3 6 8
--R
--R
                                        - 71680b x - 7024640a b x - 112394240a b x - 674365440a b x
--R
                                                                                                    5 4 4
--R
                                                                        4 5 6
--R
                                         - 1926758400a b x - 2825912320a b x - 2055208960a b x
--R
--R
--R
                                     - 587202560a b
--R
--R
                                     +---+
--R
                                    \|- b
--R
--R
                                                                                                   Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 498
--S 499 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
            (4)
--R
                                               +----+
--R
--R
                           7 (|a|b - bx)|bx + a + (-bx - a)|b + bx|a
--R
                          9a log(-----)
--R
                                                                                                +-+ | 2
--R
--R
                                                                                              |a|bx + a - a
--R
--R.
                                                                 +-+
                               7
--R
                                                         x\|b
                          - 9a atanh(-----)
--R
                                                      +----+
--R
                                                         | 2
--R
--R
                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                     2 +-+
--R
```

```
--R
                           2048b \|b
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 499
--S 500 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 500
--S 501 of 1369
m0b:=a0.2-r0
 --R
 --R
--R
                  (6)
--R
--R
                                                                                                                                                                           +---+ | 2
                                                                                          +-+
                                                                                                                                                                                                                                            +---+ +-+
                            7 +---+
                                                                                x\|b
                                                                                                                       7 +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
                    - 9a \|- b atanh(-----) + 18a \|b atan(-----)
--R
--R
                                                                               +----+
                                                                                                                                                                                                       bх
--R
                                                                              1 2
--R
                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                        2 +---+ +-+
                                                                                                                        2048b \|- b \|b
--R
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 501
--S 502 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
               (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 502
)clear all
--S 503 of 1369
t0:=x^2*(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                          +----+
                                      4 10 3 8 2 2 6 3 4 4 2 | 2
--R
--R (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a x )\|b x + a
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 503
```

```
--S 504 of 1369
r0:=7/128*a^3*x^3*(a+b*x^2)^(3/2)+21/320*a^2*x^3*(a+b*x^2)^(5/2)+_
               3/40*a*x^3*(a+b*x^2)^(7/2)+1/12*x^3*(a+b*x^2)^(9/2)-_
               21/1024*a^6*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(3/2)+_
               21/1024*a^5*x*sqrt(a+b*x^2)/b+21/512*a^4*x^3*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                                                                +-+
--R
                                              6
                                                                         x\|b
--R
                             - 315a atanh(----)
                                                                    +----+
--R
                                                                     1 2
--R
--R
                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                             4 9
                                                                                                                      2 3 7 3 2 5
                                                     5 11
--R
                                        1280b x + 6272a b x + 12144a b x + 11432a b x + 4910a b x
--R
--R
                                                    5
--R
                                        315a x
--R
--R
                                            +----+
--R
                                     +-+ | 2
--R
                                   \b \b \b x + a
--R /
--R
--R
                        15360b\|b
--R
                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 504
--S 505 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                  (3)
--R
                  Ε
                                                                       6 5 10
                                                                                                                                                            8 3 6
--R
                                                                                                               7 4 8
--R
                                                          3780a b x + 88200a b x + 564480a b x + 1451520a b x
--R
--R
                                                                               10 2
 --R
                                                          1612800a b x + 645120a
--R
--R.
                                                                +----+
--R
                                                       +-+ | 2
--R
                                                     --R
                                                                6 6 12 7 5 10 8 4 8
--R
--R
                                              - 315a b x - 22680a b x - 264600a b x - 1128960a b x
--R
--R
                                                                           10 2 4
                                                                                                                       11 2 12
```

```
--R
          - 2177280a b x - 1935360a b x - 645120a
--R
--R
             --R
--R
            (|a |b + b x)|b + a + (-b + a - a)|b - b + a
--R
--R
--R
                          +-+ | 2
                          --R
--R
              11 23 10 21 2 9 19 3 8 17
--R
          - 1280b x - 98432a b x - 1538928a b x - 10741800a b x
--R
--R
--R
                  4 7 15
                               5 6 13
          - 42355182a b x - 104697195a b x - 170215304a b x
--R
--R
--R
                  7 4 9
                          8 3 7
                                           9 2 5
--R
          - 184337816a b x - 130176000a b x - 55757056a b x
--R
--R
                  10 3 11
--R
          - 11991040a b x - 645120a x
--R
--R
--R
          +-+ | 2
--R
          \b \b \b x + a
--R
            11 23
                    10 21 2 9 19 3 8 17
--R
--R
          15360b x + 449024a b x + 4629312a b x + 24870816a b x
--R
                4 7 15 5 6 13 6 5 11
--R
--R
          81152072a b x + 173035260a b x + 249146268a b x
--R
                             8 3 7
--R
                 7 4 9
--R
          243180424a b x + 156595968a b x + 61671936a b x
--R
                10 3 11
--R
--R
          12313600a b x + 645120a x
--R
          +-+ +-+
--R
--R
         \|a \|b
--R
              6 10
                     5 8
--R
                                     2 4 6 3 3 4
--R.
          184320b x + 4300800a b x + 27525120a b x + 70778880a b x
--R
                4 2 2 5
--R
--R
           78643200a b x + 31457280a b
--R
--R
          +-+ +-+ | 2
--R
--R
```

```
--R
            7 12 6 10 2 5 8 3 4 6
--R
--R
          - 15360b x - 1105920a b x - 12902400a b x - 55050240a b x
--R
                  4 3 4 5 2 2 6
--R
--R
         - 106168320a b x - 94371840a b x - 31457280a b
--R
--R
--R
        \|b
--R
--R
                 6 5 10 7 4 8 8 3 6 9 2 4
--R
             - 7560a b x - 176400a b x - 1128960a b x - 2903040a b x
--R
--R
--R
                   10 2 11
--R
             - 3225600a b x - 1290240a
--R
              +----+
--R
--R
            +-+ | 2
--R
           \|a \|b x + a
--R
            6 6 12 7 5 10 8 4 8 9 3 6
--R
--R
           630a b x + 45360a b x + 529200a b x + 2257920a b x
--R
--R
            10 2 4 11 2 12
--R
           4354560a b x + 3870720a b x + 1290240a
--R
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
            \|- b \|b x + a - \|- b \|a
         atan(-----)
--R
                bх
--R
--R
               11 23 10 21 2 9 19 3 8 17
--R
--R
          - 1280b x - 98432a b x - 1538928a b x - 10741800a b x
--R
                  4 7 15
                               5 6 13
--R
--R
          - 42355182a b x - 104697195a b x - 170215304a b x
--R
--R
                  7 4 9
                               8 3 7
          - 184337816a b x - 130176000a b x - 55757056a b x
--R
--R
--R.
                 10 3 11
--R
          - 11991040a b x - 645120a x
--R
--R
             +----+
         +---+ | 2
--R
--R
        --R
--R
              11 23 10 21 2 9 19 3 8 17
```

```
15360b x + 449024a b x + 4629312a b x + 24870816a b x
--R
--R
--R
                 4 7 15 5 6 13 6 5 11
--R
           81152072a b x + 173035260a b x + 249146268a b x
--R
--R
                 7 4 9
                             8 3 7
--R
           243180424a b x + 156595968a b x + 61671936a b x
--R
                10 3 11
--R
          12313600a b x + 645120a x
--R
--R
          +---+ +-+
--R
         \|- b \|a
--R
--R
--R
            6 10
                     58 246 334
--R
          184320b x + 4300800a b x + 27525120a b x + 70778880a b x
--R
--R
                4 2 2
--R
          78643200a b x + 31457280a b
--R
--R
                 +----+
--R
          +---+ +-+ | 2
--R
         --R
--R
                     6 10 2 5 8 3 4 6
                7 12
--R
          - 15360b x - 1105920a b x - 12902400a b x - 55050240a b x
--R
                   4 3 4 5 2 2 6
--R
--R
         - 106168320a b x - 94371840a b x - 31457280a b
--R
--R
         +---+
        \|- b
--R
--R
--R
                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 505
--S 506 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
             +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R.
       6 (|a|b + bx)|bx + a + (-bx - a)|b - bx|a
      21a log(-----)
--R
--R
                            +----+
                          +-+ | 2
--R
--R
                          --R
--R
                 +-+
```

```
6 x\|b
 --R
 --R
                                                                21a atanh(-----)
 --R
                                                                                                                                  1 2
 --R
 --R
                                                                                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
 --R
 --R
                                                    1024b\|b
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
 --Е 506
 --S 507 of 1369
 d0a:=D(m0a,x)
 --R
  --R
 --R
                               (5) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
 --E 507
 --S 508 of 1369
m0b:=a0.2-r0
 --R
 --R
 --R
                                       (6)
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        +---+ | 2 +---+ +-+
 --R
                                                                                                                                                             --R
                                       21a \|- b atanh(-----) - 42a \|b atan(-----)
 --R
 --R
                                                                                                                                                 +----+
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 bх
 --R
                                                                                                                                                   1 2
 --R
                                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                             +---+ +-+
 --R
                                                                                                                                                                                                                                           1024b\|- b \|b
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
 --E 508
 --S 509 of 1369
 d0b:=D(m0b,x)
 --R
   --R
                               (7) 0
  --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
 --E 509
 )clear all
 --S 510 of 1369
 t0:=(a+b*x^2)^(9/2)
 --R
```

```
--R
--R
--R
                                   48 36 224 3 2 4 | 2
--R
               (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 510
--S 511 of 1369
r0:=21/128*a^3*x*(a+b*x^2)^(3/2)+21/160*a^2*x*(a+b*x^2)^(5/2)+_
               9/80*a*x*(a+b*x^2)^(7/2)+1/10*x*(a+b*x^2)^(9/2)+_
               63/256*a^5*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/sqrt(b)+_
               63/256*a<sup>4</sup>*x*sqrt(a+b*x<sup>2</sup>)
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                                                            +-+
                                                                      x\|b
--R
                                         5
--R
                             315a atanh(-----)
                                                                 +----+
--R
                                                                1 2
--R
--R
                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                         4 9 3 7 2 2 5 3 3 4 +-+ | 2
--R
                              (128b x + 656a b x + 1368a b x + 1490a b x + 965a x) | b | b x + a
--R /
--R
--R
                        1280\|b
--R
                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 511
--S 512 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                  (3)
--R
                  Ε
--R
                                                                               5 4 8
                                                                                                                   6 3 6 7 2 4
                                                                 3150a b x + 50400a b x + 211680a b x + 322560a b x
--R
--R
 --R
                                                                                      9
--R
                                                                 161280a
--R.
--R
                                                                    +----+
                                                        +-+ | 2
--R
--R
                                                      --R
--R
                                                                                                             6 4 8
                                                                                                                                                      7 3 6
--R
                                               - 315a b x - 15750a b x - 126000a b x - 352800a b x
--R
```

```
9 2 10
--R
--R
          - 403200a b x - 161280a
--R
--R
                        +----+
                               2 +-+ +-+
             +-+ +-+ | 2
--R
--R
            (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          \|a \|b x + a - a
--R
                        8 17 2 7 15
              9 19
--R
          - 128b x - 7056a b x - 85368a b x - 475650a b x
--R
--R
--R
                 4 5 11 5 4 9
                                    6 3 7 7 2 5
--R
           - 1521225a b x - 3081626a b x - 4141712a b x - 3688416a b x
--R
--R
                 8 3 9
--R
          - 1998080a b x - 494080a x
--R
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2
--R
          \b \b \b x + a
--R
            9 19 8 17 2 7 15 3 6 13
--R
           1280b x + 28320a b x + 231696a b x + 1010340a b x
--R
--R
               4 5 11 5 4 9 6 3 7 7 2 5
--R
--R
           2710310a b x + 4797010a b x + 5767040a b x + 4625696a b x
--R.
                8 3 9
--R
--R
          2245120a b x + 494080a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|b
--R
             48 36 224 32 4
--R
--R
          (12800b x + 204800a b x + 860160a b x + 1310720a b x + 655360a)
--R
--R
          +-+ +-+ | 2
--R
--R
         --R
               5 10 4 8 2 3 6 3 2 4
--R
--R
           - 1280b x - 64000a b x - 512000a b x - 1433600a b x
--R
--R
                 4 2 5
--R
          - 1638400a b x - 655360a
--R
--R
          +-+
```

```
\|b
--R
--R
--R
                5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
             6300a b x + 100800a b x + 423360a b x + 645120a b x
--R
--R
--R
--R
             322560a
--R
--R
--R
            +-+ | 2
--R
            --R
              5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4
--R
--R
           - 630a b x - 31500a b x - 252000a b x - 705600a b x
--R
--R
                9 2 10
--R
           - 806400a b x - 322560a
--R
--R
                 +----+
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
            \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
          atan(-----)
--R
                 b x
--R
--R
              9 19 8 17 2 7 15 3 6 13
--R
--R
           - 128b x - 7056a b x - 85368a b x - 475650a b x
--R
              4 5 11 5 4 9 6 3 7 7 2 5
--R
--R
           - 1521225a b x - 3081626a b x - 4141712a b x - 3688416a b x
--R
                8 3 9
--R
--R
          - 1998080a b x - 494080a x
--R
--R
          +---+ | 2
--R
--R
         --R
             9 19
                        8 17 2 7 15
--R
--R
           1280b x + 28320a b x + 231696a b x + 1010340a b x
--R
--R
               4 5 11 5 4 9
                                   6 3 7
--R.
           2710310a b x + 4797010a b x + 5767040a b x + 4625696a b x
--R
--R
              8 3 9
--R
           2245120a b x + 494080a x
--R
--R
          +---+ +-+
--R
         \|- b \|a
--R /
```

```
48 36 224 32 4
--R
--R
                                         (12800b x + 204800a b x + 860160a b x + 1310720a b x + 655360a)
--R
--R
                                         +---+ +-+ | 2
--R
                                        --R
--R
                                                                                         48 236 324
--R
                                            - 1280b x - 64000a b x - 512000a b x - 1433600a b x
--R
--R
--R
                                                                     4 2 5
                                          - 1638400a b x - 655360a
--R
--R
                                           +---+
--R
--R
                                        \|- b
--R
                      ]
--R
                                                                                                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 512
--S 513 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                 (4)
--R
                                                       +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
                                     5 (|a|b - bx)|bx + a + (-bx - a)|b + bx|a
--R
--R
                            63a log(-----)
--R
--R
                                                                                                           +-+ | 2
--R
                                                                                                          --R
--R
--R
                                                                 x \mid b
--R
                            - 63a atanh(-----)
--R
                                                                 1 2
--R
--R
                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                       256\|b
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 513
--S 514 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 514
--S 515 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
               (6)
--R
--R
                                          5 +---+ x\|b
--R
                           - 63a \|- b atanh(-----)
--R
--R
                                                                                      +----+
                                                                                            1 2
--R
 --R
                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
 --R
                                                                                               +----+
--R
                                                                               +---+ | 2
                                                                                                                                           +---+ +-+
                                        5 +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
                               126a ||b atan(------)
--R
--R
                                                                                                                         b x
--R /
--R
                                 +---+ +-+
--R
                         256\|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 515
--S 516 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 516
)clear all
--S 517 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^2
--R
--R
 --R
                                      48 36 224 3 2 4 | 2
 --R
--R
                                 (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R (1) -----
--R
                                                                                                                      2
--R
                                                                                                                   x
--R
                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 517
--S 518 of 1369
r0:=105/64*a^2*b*x*(a+b*x^2)^(3/2)+21/16*a*b*x*(a+b*x^2)^(5/2)+_
```

```
9/8*b*x*(a+b*x^2)^(7/2)-(a+b*x^2)^(9/2)/x+_
              315/128*a^4*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))*sqrt(b)+_
              315/128*a^3*b*x*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
                (2)
--R
--R
                                                                                      +-+
                                                                             x\|b
--R
                                      4 +-+
--R
                           315a x\|b atanh(-----)
                                                                           +----+
--R
--R
                                                                           1 2
--R
                                                                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                     48 36 224 32 4 2
--R
--R
                           (16b x + 88a b x + 210a b x + 325a b x - 128a) \ x + a
--R /
--R
                      128x
--R
                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 518
--S 519 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                (3)
--R
                 Γ
--R
                                                                4 4 9 5 3 7 6 2 5 7 3
--R
                                                   (315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a x)
--R.
--R
                                                               +----+
                                                     +-+ | 2
--R
--R
                                                  \b \b \b x + a
--R
                                                                                                               5 3 7 6 2 5
--R
                                                                           4 4 9
                                                       - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
--R
                                                                             8
--R
                                                       - 80640a x
--R
                                                     +-+ +-+
--R
--R
                                                  \|a \|b
--R.
--R
                                                                               +-+ | 2
--R
                                                                                                                                       +-+ +-+ 2
--R
                                                  (-x \mid b + \mid a) \mid b x + a + x \mid a \mid b - b x - a
--R
                                       log(-----)
--R
                                                                                                 +-+ | 2
--R
--R
```

```
--R
                                      8 16 7 14 2 6 12 3 5 10
--R
--R
                                   - 144b x - 2712a b x - 19362a b x - 75357a b x
--R
                                                  4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
--R
                               - 183352a b x - 268528a b x - 185664a b x - 9472a b x + 32768a
--R
--R
                               +-+ | 2
--R
--R
                               --R
                               9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
--R
                           16b x + 744a b x + 8298a b x + 44583a b x + 143805a b x
--R
--R
                                      5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
                           296280a b x + 358128a b x + 194496a b x - 6912a b x - 32768a
--R
--R
                                       4 9 3 7 2 2 5 3 3
--R
                                (128b x + 5120a b x + 30720a b x + 57344a b x + 32768a x)
--R
--R
                                  +----+
--R
                                 1 2
--R
                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                   4 9
                                                          3 7 2 2 5 3 3 4 +-+
--R
--R
                           (-1152b x - 15360a b x - 55296a b x - 73728a b x - 32768a x) | a
--R
--R
                                                          4 4 9 5 3 7 6 2 5 7 3
--R
--R
                                                630a b x + 25200a b x + 151200a b x + 282240a b x
--R
--R
                                                             8
--R
                                             161280a x
--R
--R
                                           +---+ | 2
--R
--R
                                         \label{locality} \label{locality} $$ \locality - b \locality x + a
--R
                                                                                          5 3 7 6 2 5 7 3
--R
                                                          4 4 9
--R
                                            - 5670a b x - 75600a b x - 272160a b x - 362880a b x
--R
--R
--R.
                                           - 161280a x
--R
--R
                                          +---+ +-+
--R
                                         \|- b \|a
--R
--R
                                            +----+
                                           | 2 +-+
--R
--R
```

```
--R
                               atan(-----)
--R
--R
                                                       x\|- b
--R
                                                  8 16 7 14 2 6 12 3 5 10
--R
--R
                                    - 144b x - 2712a b x - 19362a b x - 75357a b x
--R
                                                                                                             6 2 4 7 2
                                                  4 4 8 5 3 6
--R
                                - 183352a b x - 268528a b x - 185664a b x - 9472a b x + 32768a
--R
--R
--R
                                  +-+ | 2
--R
--R
                               --R
--R
                               9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
                           16b x + 744a b x + 8298a b x + 44583a b x + 143805a b x
--R
--R
                                      5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
                           296280a b x + 358128a b x + 194496a b x - 6912a b x - 32768a
--R
--R
                                                            3 7 2 2 5 3 3
--R
                               (128b x + 5120a b x + 30720a b x + 57344a b x + 32768a x)
--R
--R
--R
                                 1 2
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                         3 7 2 2 5 3 3 4 +-+
--R
                                           4 9
--R
                           (- 1152b x - 15360a b x - 55296a b x - 73728a b x - 32768a x)\|a
--R
--R
                                                                                       Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 519
--S 520 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
          (4)
--R
                                                              +-+ +-+ | 2
--R
                              4 +-+ (-x|b + |a )|b x + a + x|a |b - b x - a
--R
--R
                      315a \|b log(-----)
--R.
                                                                                              +----+
--R
                                                                                          +-+ | 2
--R
                                                                                         --R
--R
--R
                                                                    x\|b
                      - 315a \|b atanh(-----)
--R
                                                                +----+
--R
```

```
1 2
 --R
 --R
                                                                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
 --R /
 --R
                                          128
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
 --E 520
 --S 521 of 1369
 d0a:=D(m0a,x)
 --R
 --R
 --R
                                (5) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
 --E 521
 --S 522 of 1369
 m0b:=a0.2-r0
 --R
 --R
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             1 2
                                                                                                                                                                                                                                               4 +---+ \|b x + a - \|a
 --R
                                                                                                          4 +-+
                                                                                                                                                                     x\|b
 --R
                                                                       - 315a \|b atanh(-----) + 630a \|- b atan(-----)
 --R
                                                                                                                                                                                          1 2
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    x\|- b
 --R
                                                                                                                                                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                      128
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
 --E 522
--S 523 of 1369
 d0b:=D(m0b,x)
 --R
 --R
 --R
                               (7) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 523
 )clear all
 --S 524 of 1369
 t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^4
 --R
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      +----+
                                                                               48 36 224 3 2 4 | 2
 --R
 --R
                                                                    (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                               4
```

```
--R
                                                                                                                 X
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 524
--S 525 of 1369
r0:=35/8*a*b^2*x*(a+b*x^2)^(3/2)+7/2*b^2*x*(a+b*x^2)^(5/2)-_
                3*b*(a+b*x^2)^(7/2)/x-1/3*(a+b*x^2)^(9/2)/x^3+_
                105/16*a^3*b^(3/2)*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))+_
                105/16*a^2*b^2*x*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                   (2)
--R
                                           3 3 +-+
--R
                                                                                                   x\|b
--R
                               315a b x \|b atanh(-----)
--R
                                                                                               +----+
--R
                                                                                               1 2
--R
                                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                      48 36 224 32 4 2
--R
                                (8b x + 50a b x + 165a b x - 208a b x - 16a) \ b x + a
--R /
--R
                                  3
--R
                         48x
--R
                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 525
--S 526 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                   (3)
--R
--R
                                                                           3 5 11
                                                                                                                         4 4 9
                                                                                                                                                                   5 3 7
                                                               315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x
--R
--R
--R
                                                                                 7 3
 --R
                                                               80640a b x
 --R
 --R
--R
                                                            +-+ | 2
--R.
                                                         \b \b \b x + a
--R
--R
                                                                                     3 5 11
                                                                                                                              4 4 9 5 3 7
                                                                                                                                                                                                                                    6 2 5
--R
                                                               - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
                                                                                        7 3
--R
                                                               - 80640a b x
--R
```

```
--R
           +-+ +-+
--R
           \|a \|b
--R
--R
                      +----+
              +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
           (-x|b + |a )|b + a + x|a |b - b - a
--R
        log(-----)
--R
                      +-+ | 2
--R
--R
                     \|a \|b x + a - a
--R
                     7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8
            8 16
--R
          - 72b x - 1410a b x - 10941a b x - 44136a b x - 77024a b x
--R
--R
--R
              5 3 6 6 2 4 7 2
--R
         - 16064a b x + 84480a b x + 62464a b x + 4096a
--R
--R
--R
         +-+ | 2
--R
        --R
        9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
--R
       8b x + 378a b x + 4455a b x + 26061a b x + 77688a b x
--R
--R
         5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
       91872a b x - 18624a b x - 115200a b x - 64512a b x - 4096a
--R
--R
          4 11 3 9 2 2 7 3 5 4 3
--R
         (48b x + 1920a b x + 11520a b x + 21504a b x + 12288a x)
--R.
--R
         +----+
         1 2
--R
--R
        \b x + a
--R
           4 11 3 9 2 2 7 3 5 4 3 +-+
--R
       --R
--R
--R
              3 5 11 4 4 9 5 3 7 6 2 5
--R
--R
            630a b x + 25200a b x + 151200a b x + 282240a b x
--R
                7 3
--R
--R
            161280a b x
--R
               +----+
--R
            +---+ | 2
--R
--R
           --R
                3 5 11 4 4 9 5 3 7 6 2 5
--R
--R
            - 5670a b x - 75600a b x - 272160a b x - 362880a b x
```

```
7 3
--R
--R
--R
             - 161280a b x
--R
--R
             +---+ +-+
--R
             \|- b \|a
--R
--R
              +----+
             | 2 +-+
--R
             \|b x + a - \|a
--R
--R
          atan(-----)
               +---+
--R
                x\|- b
--R
--R
--R
              8 16 7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8
--R
           - 72b x - 1410a b x - 10941a b x - 44136a b x - 77024a b x
--R
--R
               5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
          - 16064a b x + 84480a b x + 62464a b x + 4096a
--R
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2
          --R
--R
         9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
--R
        8b x + 378a b x + 4455a b x + 26061a b x + 77688a b x
--R
            5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
--R
        91872a b x - 18624a b x - 115200a b x - 64512a b x - 4096a
--R
            4 11 3 9 2 2 7 3 5 4 3
--R
--R
         (48b x + 1920a b x + 11520a b x + 21504a b x + 12288a x)
--R
--R
          +----+
--R
          1 2
--R
         \|b x + a
--R
                   3 9 2 2 7 3 5 4 3 +-+
--R
            4 11
       (- 432b x - 5760a b x - 20736a b x - 27648a b x - 12288a x )\|a
--R
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 526
--S 527 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                     +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
```

```
3 +-+ (-x|b + |a )|b x + a + x|a |b - b x - a
--R
--R
                                                        105a b\|b log(-----)
--R
                                                                                                                                                                                                                                      +-+ | 2
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                     --R
--R
--R
                                                                                 3 +-+
                                                                                                                                                                     x \mid b
                                                - 105a b\|b atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                              +----+
--R
--R
                                                                                                                                                                    1 2
--R
                                                                                                                                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 527
--S 528 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 528
--S 529 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            +-----+
| 2 +-+
--R
                                                                                              --R
--R
--R
                                                            - 105a b\|b atanh(------) + 210a b\|- b atan(------)
--R
                                                                                                                                                                        1 2
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       x\|- b
                                                                                                                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                16
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 529
--S 530 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 530
)clear all
```

```
--S 531 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^6
--R
--R
--R
                                        48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
                                 (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
--R
                                                                                                                  6
--R
                                                                                                                 х
--R
                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 531
--S 532 of 1369
r0:=21/4*b^3*x*(a+b*x^2)^(3/2)-21/5*b^2*(a+b*x^2)^(5/2)/x-
                3/5*b*(a+b*x^2)^(7/2)/x^3-1/5*(a+b*x^2)^(9/2)/x^5+_
                63/8*a^2*b^(5/2)*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))+_
                63/8*a*b^3*x*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                                                                                        +-+
--R
                                           2 2 5 +-+
                                                                                                   x \mid b
                               315a b x \|b atanh(-----)
--R
--R
                                                                                             1 2
--R
--R
                                                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                                                         +----+
                                           48 36 224 32 4 2
--R
--R
                               (10b x + 85a b x - 288a b x - 56a b x - 8a) \ b x + a
--R /
--R
--R
                         40x
--R
                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 532
--S 533 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
 --R
 --R.
                  (3)
--R
                  Ε
--R
                                                                           2 6 13 3 5 11 4 4 9
                                                                                                                                                                                                                       5 3 7
                                                              315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x
--R
--R
--R
                                                                                 6 2 5
--R
                                                              80640a b x
--R
```

```
--R
                                       +-+ | 2
--R
--R
                                      \b \b \b x + a
--R
                                                2 6 13 3 5 11 4 4 9 5 3 7
--R
--R
                                        - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
                                                         6 2 5
                                        - 80640a b x
--R
--R
--R
                                       +-+ +-+
--R
                                      \|a \|b
--R
--R
                                            +-+ +-+ | 2
                                                                                                    +-+ +-+ 2
--R
--R
                                      (-x|b + |a )|b x + a + x|a |b - b x - a
--R
                             log(-----)
--R
                                                                               +----+
--R
                                                                       +-+ | 2
--R
                                                                       --R
                                        8 16 7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8
--R
--R
                                 - 90b x - 1965a b x - 11928a b x - 7416a b x + 79688a b x
--R
--R
                                           5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
                               169280a b x + 109440a b x + 18944a b x + 2048a
--R
--R
--R
                              +-+ | 2
--R
                             --R
                             9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
--R
                        10b x + 495a b x + 5997a b x + 18816a b x - 17424a b x
--R
                                         5 4 8
                                                                        6 3 6
--R
                                                                                                        7 2 4
                         - 151752a b x - 221760a b x - 118656a b x - 19968a b x - 2048a
--R
--R
                                  4 13 3 11 2 2 9 3 7
--R
--R
                             (40b x + 1600a b x + 9600a b x + 17920a b x + 10240a x)
--R
--R
                              +----+
                              1 2
--R
--R.
                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                  4 13 3 11 2 2 9 3 7 4 5 +-+
--R
--R
                         (-360b x - 4800a b x - 17280a b x - 23040a b x - 10240a x ) | a
--R
--R
                                                  2 6 13 3 5 11 4 4 9 5 3 7
--R
--R
                                          630a b x + 25200a b x + 151200a b x + 282240a b x
```

```
--R
                                            6 2 5
--R
--R
                                         161280a b x
--R
--R
                                                   +----+
                                         +---+ | 2
--R
--R
                                       --R
                                                         2 6 13 3 5 11 4 4 9 5 3 7
--R
                                          - 5670a b x - 75600a b x - 272160a b x - 362880a b x
--R
--R
--R
                                                            6 2 5
                                          - 161280a b x
--R
--R
--R
                                         +---+ +-+
--R
                                       \|- b \|a
--R
--R
                                           +----+
                                          | 2 +-+
--R
--R
                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                               atan(-----)
                                                +---+
--R
--R
                                                   x\|- b
--R
--R
                                          8 16 7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8
                                   - 90b x - 1965a b x - 11928a b x - 7416a b x + 79688a b x
--R
--R
                                               5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
--R
                               169280a b x + 109440a b x + 18944a b x + 2048a
--R
--R
                               +-+ | 2
--R
--R
                            \|a \|b x + a
--R
                               9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
                        10b x + 495a b x + 5997a b x + 18816a b x - 17424a b x
--R
--R
                                           5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
                        - 151752a b x - 221760a b x - 118656a b x - 19968a b x - 2048a
--R
--R
                                     4 13 3 11 2 2 9 3 7 4 5
--R
--R
                            (40b x + 1600a b x + 9600a b x + 17920a b x + 10240a x)
--R
--R
                               +----+
                                1 2
--R
--R
                            \b x + a
--R
                                   4 13 3 11 2 2 9 3 7 4 5 +-+
--R
                        (- 360b x - 4800a b x - 17280a b x - 23040a b x - 10240a x )\a
--R
--R
                 ]
```

```
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 533
--S 534 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                                 (4)
--R
                                                                                                                                                           +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
                                                                      2 2 +-+ (-x|b + |a |)|b + a + x|a |b - b + a
--R
                                                      63a b \|b log(------)
 --R
                                                                                                                                                                                                                          +-+ | 2
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                        --R
--R
                                                                                                                                                                             +-+
                                                                                                                                                           x\|b
--R
                                                                      2 2 +-+
                                                    - 63a b \|b atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                   +----+
--R
                                                                                                                                                         | 2
--R
--R
                                                                                                                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 534
--S 535 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 535
--S 536 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 | 2
  --R
                                                                           --R
                                                         - 63a b \|b atanh(-----) + 126a b \|- b atan(------)
 --R
                                                                                                                                                                +----+
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 +---+
                                                                                                                                                               1 2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             x\|- b
--R
--R
                                                                                                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                       8
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 536
```

```
--S 537 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
               (7) 0
--R
--R
                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 537
)clear all
--S 538 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^8
--R
--R
--R
--R
                                     48 36 224 3 2 4 | 2
--R
                                (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
               (1) -----
--R
                                                                                                                    8
--R
                                                                                                                 х
--R
                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 538
--S 539 of 1369
r0:=-3*b^3*(a+b*x^2)^(3/2)/x-3/5*b^2*(a+b*x^2)^(5/2)/x^3-_
                9/35*b*(a+b*x^2)^(7/2)/x^5-1/7*(a+b*x^2)^(9/2)/x^7+_
                9/2*a*b^{(7/2)}*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))+9/2*b^4*x*sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                                                                                         +-+
                                              3 7 +-+
--R
                                                                                                  x\|b
--R
                              315a b x \|b atanh(-----)
--R
                                                                                             +----+
                                                                                              1 2
--R
--R
                                                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                   3 6 2 2 4 3 2 4 | 2
--R
                               (35b x - 388a b x - 156a b x - 58a b x - 10a) \ b x + a
--R
--R /
--R
--R
                        70x
--R
                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 539
--S 540 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R (3)
--R [
                 7 15 2 6 13 3 5 11 4 4 9
--R
--R
              315a b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x
--R
--R
                 5 3 7
--R
             80640a b x
--R
--R
               +----+
             +-+ | 2
--R
--R
            --R
                   7 15
                          2 6 13 3 5 11 4 4 9
--R
--R
             - 2835a b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
                  5 3 7
             - 80640a b x
--R
--R
--R
             +-+ +-+
--R
            \|a \|b
--R
--R
               +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
            (-x|b + |a )|b + a + x|a |b - b - a
         log(-----
--R
--R
--R
                        +-+ | 2
--R
                        \|a \|b x + a - a
--R
              8 16 7 14 2 6 12 3 5 10
--R
--R
           - 315b x - 708a b x + 32844a b x + 166698a b x
--R
               4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
--R
          288970a b x + 215440a b x + 77664a b x + 20608a b x + 2560a
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2
--R
--R
         --R
         9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
        35b x + 1047a b x - 6264a b x - 91014a b x - 288372a b x
--R
--R
--R
              5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
        - 388170a b x - 251856a b x - 87648a b x - 21888a b x - 2560a
--R
           4 15 3 13 2 2 11 3 9 4 7
--R
--R
         (70b x + 2800a b x + 16800a b x + 31360a b x + 17920a x)
--R
--R
          +----+
```

```
1 2
--R
--R
        \|b x + a
--R
          4 15 3 13 2 2 11 3 9 4 7 +-+
--R
--R
      (-630b x - 8400a b x - 30240a b x - 40320a b x - 17920a x )\a
--R
--R
                 7 15 2 6 13 3 5 11
--R
             630a b x + 25200a b x + 151200a b x + 282240a b x
--R
--R
--R
                 5 3 7
             161280a b x
--R
--R
--R
--R
            +---+ | 2
--R
            --R
                   7 15 2 6 13 3 5 11 4 4 9
--R
             - 5670a b x - 75600a b x - 272160a b x - 362880a b x
--R
--R
--R
             - 161280a b x
--R
--R
--R
            +---+ +-+
            \|- b \|a
--R
--R
             +----+
--R
             | 2 +-+
--R
--R
             --R
         atan(-----)
               +---+
--R
--R
                x\|- b
--R
              8 16 7 14 2 6 12 3 5 10
--R
--R
           - 315b x - 708a b x + 32844a b x + 166698a b x
--R
               4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2
--R
--R
           288970a b x + 215440a b x + 77664a b x + 20608a b x + 2560a
--R
--R
          +-+ | 2
--R
         \|a \|b x + a
--R
--R
--R
         9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
        35b x + 1047a b x - 6264a b x - 91014a b x - 288372a b x
--R
             5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9
--R
--R
        - 388170a b x - 251856a b x - 87648a b x - 21888a b x - 2560a
--R
--R
            4 15 3 13 2 2 11 3 9 4 7
```

```
(70b x + 2800a b x + 16800a b x + 31360a b x + 17920a x)
--R
--R
--R
                                            +----+
                                           1 2
--R
--R
                                      \|b x + a
--R
                                           4 15 3 13 2 2 11 3 9 4 7 +-+
--R
--R
                            (-630b x - 8400a b x - 30240a b x - 40320a b x - 17920a x ) | a
--R
--R
                                                                                                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 540
--S 541 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
               (4)
--R
                                                                                                                     +----+
                                                                               +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
                                     3 +-+ (-x|b + |a )|b x + a + x|a |b - b x - a
--R
--R
                             9a b \|b log(-----)
--R
--R
                                                                                                                    +-+ | 2
--R
                                                                                                                   --R
--R
                                   3 +-+
--R
                                                                                       x\|b
--R
                            - 9a b \|b atanh(-----)
--R
                                                                                 +----+
--R
                                                                                 1 2
--R
                                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R 2
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 541
--S 542 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
              (5) 0
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 542
--S 543 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                    | 2 +-+
--R
                                                                                                 +-+
```

```
3 +-+ x | b  3 +---+ | b x + a - | a
--R
 --R
                                                        - 9a b \|b atanh(-----) + 18a b \|- b atan(-----)
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             x\|- b
                                                                                                                                                  1 2
--R
--R
                                                                                                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 543
--S 544 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
 --R
 --R
                          (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 544
)clear all
--S 545 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^10
--R
--R
--R
                                                              48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
                                                         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
--R
                                                                                                                                                                                           10
--R
                                                                                                                                                                                       x
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 545
--S 546 of 1369
r0:=-1/3*b^3*(a+b*x^2)^(3/2)/x^3-1/5*b^2*(a+b*x^2)^(5/2)/x^5-
                          1/7*b*(a+b*x^2)^(7/2)/x^7-1/9*(a+b*x^2)^(9/2)/x^9+_
                          b^{(9/2)*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))-b^4*sqrt(a+b*x^2)/x}
--R
--R
 --R
                               (2)
 --R
                                                                                                                                                x\|b
 --R
                                                                    4 9 +-+
                                                  315b x \|b atanh(-----)
--R.
                                                                                                                                           +----+
--R
                                                                                                                                             1 2
--R
--R
                                                                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                                                                      48 36 224 32 4 2
                                                    (- 563b x - 506a b x - 408a b x - 185a b x - 35a )\|b x + a
--R
```

```
--R /
--R 9
--R
    315x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 546
--S 547 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
               8 17 7 15 2 6 13 3 5 11
--R
--R
              315b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x
--R
--R
                 4 4 9
--R
             80640a b x
--R
              +----+
--R
             +-+ | 2
--R
--R
             \b \b \b x + a
--R
               8 17 7 15 2 6 13 3 5 11
--R
              - 2835b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
              4 4 9
--R
--R
              - 80640a b x
--R
--R
             +-+ +-+
--R
             \|a \|b
--R
               +-----+
+-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
--R
             (-x|b + |a )|b + a + x|a |b - b - a
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
--R
                        --R
                       7 14 2 6 12
--R
           5067b x + 72114a b x + 307608a b x + 593505a b x
--R
--R
--R
               4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
           634355a b x + 448664a b x + 226128a b x + 67520a b x + 8960a
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2
--R
--R
          --R
            9 18 8 16 2 7 14 3 6 12
--R
```

```
- 563b x - 23589a b x - 178794a b x - 545937a b x
--R
--R
                                                4 5 10 5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
--R
                             - 866340a b x - 834291a b x - 553848a b x - 258768a b x
--R
                                              8 2 9
--R
--R
                           - 72000a b x - 8960a
--R
                                           4 17 3 15 2 2 13 3 11 4 9
--R
                               (315b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a x)
--R
--R
                                   +----+
--R
                                     1 2
--R
--R
                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                    4 17 3 15 2 2 13 3 11
--R
                                     - 2835b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
--R
                                    - 80640a x
--R
--R
                                    +-+
--R
                                  \|a
--R
--R
                                                      8 17 7 15 2 6 13 3 5 11
--R
--R
                                                 630b x + 25200a b x + 151200a b x + 282240a b x
--R
--R
                                                               4 4 9
--R
                                              161280a b x
--R
--R
                                                         +----+
                                              +---+ | 2
--R
--R
                                            --R
                                                              8 17 7 15 2 6 13 3 5 11
--R
                                               - 5670b x - 75600a b x - 272160a b x - 362880a b x
--R
--R
                                                                  4 4 9
--R
--R
                                               - 161280a b x
--R
--R
                                              +---+ +-+
--R.
                                            \|- b \|a
--R
--R
                                                +----+
                                              1 2
--R
--R
                                             \b x + a - \a
--R
                                   atan(-----)
                                                    +---+
--R
--R
                                                          x\|- b
```

```
--R
                                     8 16 7 14 2 6 12 3 5 10
--R
--R
                                 5067b x + 72114a b x + 307608a b x + 593505a b x
--R
                                                4 4 8 5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
--R
                               634355a b x + 448664a b x + 226128a b x + 67520a b x + 8960a
--R
--R
                               +-+ | 2
--R
--R
                            \|a \|b x + a
--R
                                    9 18 8 16 2 7 14 3 6 12
--R
                           - 563b x - 23589a b x - 178794a b x - 545937a b x
--R
--R
--R
                                           4 5 10 5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
                           - 866340a b x - 834291a b x - 553848a b x - 258768a b x
--R
--R
                                        8 2 9
--R
                          - 72000a b x - 8960a
--R
                                       4 17 3 15 2 2 13 3 11 4 9
--R
--R
                              (315b x + 12600a b x + 75600a b x + 141120a b x + 80640a x)
--R
--R
--R
                                1 2
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                     4 17 3 15 2 2 13 3 11
--R
--R
                                  - 2835b x - 37800a b x - 136080a b x - 181440a b x
--R
--R
                                                 4 9
--R
                                - 80640a x
--R
--R
--R
                            \|a
--R
                 ]
--R
                                                                                      Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 547
--S 548 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R.
--R (4)
--R
                                                                              +----+
                                                 +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
                4 +-+ (-x|b + |a )|b x + a + x|a |b - b x - a
--R
--R
              b \|b log(-----)
--R
                                                                               +-+ | 2
--R
```

```
--R
--R
--R
                                                                                                                                                           +-+
                                                            4 +-+ x\|b
--R
                                             - b \|b atanh(-----)
--R
                                                                                                             +----+
--R
                                                                                                                                   1 2
--R
--R
                                                                                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 548
--S 549 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                             (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 549
--S 550 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | 2 +-+
--R
                                                              4 +-+ x\|b 4 +---+ \|b x + a - \|a
--R
                                    (6) - b \|b atanh(-----) + 2b \|- b atan(-----)
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 +---+
--R
                                                                                                                                                     +----+
--R
                                                                                                                                                     1 2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             x\|- b
--R
                                                                                                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 550
--S 551 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                           (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 551
)clear all
--S 552 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^12
--R
--R
--R
--R
                                                                      48 36 224 3 2 4 | 2
                                                                (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
```

```
--R (1) -----
--R
                         12
--R
                          х
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 552
--S 553 of 1369
r0:=-1/11*(a+b*x^2)^(11/2)/(a*x^11)
--R
--R
          5 10 4 8
                       2 3 6 3 2 4 4 2 5 | 2
--R
       (-bx -5abx -10abx -10abx -5abx -a)\|bx +a
--R
--R
--R
                                11
--R
                             11a x
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 553
--S 554 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
           10 20 9 18 2 8 16 3 7 14 4 6 12
--R
         11b x + 275a b x + 2442a b x + 11286a b x + 31471a b x
--R
             5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4 9 2
--R
--R
         56695a b x + 67820a b x + 53712a b x + 27136a b x + 7936a b x
--R
--R
             10
--R
         1024a
--R
--R
           +----+
--R
         +-+ | 2
--R
        \|a \|b x + a
--R
        --R
--R
      - b x - 66a b x - 935a b x - 6072a b x - 22671a b x
--R
           5 6 12 6 5 10
--R
                                 7 4 8 8 3 6 9 2 4
       - 53834a b x - 85305a b x - 91740a b x - 66352a b x - 30976a b x
--R
--R.
--R
           10 2 11
       - 8448a b x - 1024a
--R
--R /
             5 21 2 4 19 3 3 17 4 2 15 5 13
--R
--R
         11a b x + 660a b x + 6160a b x + 19712a b x + 25344a b x
--R
--R
             6 11
```

```
--R
                                          11264a x
--R
--R
                                       | 2
--R
--R
                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                     5 21 2 4 19 3 3 17 4 2 15
--R
--R
                                          - 121a b x - 2420a b x - 13552a b x - 30976a b x
--R
                                                                  5 13 6 11
--R
                                         - 30976a b x - 11264a x
--R
--R
--R
--R
                                       \|a
--R
                                                                                                                                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 554
--S 555 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 555
--S 556 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 556
)clear all
--S 557 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^14
--R
--R
 --R
                                       48 36 224 3 2 4 | 2
 --R
--R
                                 (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R (1) -----
--R
                                                                                                                       14
--R
                                                                                                                     x
--R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 557
--S 558 of 1369
r0:=-1/13*(a+b*x^2)^{(11/2)/(a*x^13)+2/143*b*(a+b*x^2)^{(11/2)/(a^2*x^11)}
```

```
--R
--R
--R (2)
                        6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4 5 2 6
--R
--R
                  (2b x - a b x - 35a b x - 90a b x - 100a b x - 53a b x - 11a)
--R
--R
                    +----+
--R
                     | 2
--R
                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                    2 13
              143a x
--R
--R
                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 558
--S 559 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                     --R
                            - 26b x - 715a b x - 5005a b x - 3146a b x + 112684a b x
--R
                                         5 7 14 6 6 12 7 5 10 8 4 8
--R
--R
                             638625a b x + 1796715a b x + 3124356a b x + 3566624a b x
--R
--R
                                                                               10 2 4 11 2 12
--R
                             2691584a b x + 1298176a b x + 363520a b x + 45056a
--R
--R
                                 +----+
                          +-+ | 2
--R
                        \|a \|b x + a
--R
--R
                       --R
--R
                   2b x + 169a b x + 2288a b x + 8723a b x - 22594a b x
--R
                                                                        6 7 14
                                                                                                           7 6 12
--R
                                     5 8 16
--R
                   - 315601a b x - 1292980a b x - 3039595a b x - 4639388a b x
--R
--R
                                        9 4 8
                                                                10 3 6
                                                                                                              11 2 4
                    - 4771104a b x - 3298048a b x - 1474304a b x - 386048a b x
--R
--R
--R
                                    13
--R
                     - 45056a
--R /
                                      2 6 25 3 5 23
                                                                                                     4 4 21 5 3 19
--R
--R
                            143a b x + 12012a b x + 160160a b x + 768768a b x
--R
                                               6 2 17 7 15 8 13
--R
--R
                          1647360a b x + 1610752a b x + 585728a x
```

```
--R
--R
--R
                                     1 2
--R
                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                2 6 25 3 5 23 4 4 21
--R
                                                                                                                                                                                                                    5 3 19
--R
                                         - 1859a b x - 52052a b x - 416416a b x - 1427712a b x
--R
                                                                         6 2 17 7 15 8 13
--R
                                        - 2379520a b x - 1903616a b x - 585728a x
--R
--R
                                       +-+
--R
--R
                                     \|a
--R
                                                                                                                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 559
--S 560 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              (4) 0
--R
                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 560
--S 561 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
              (5) 0
--R
                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 561
)clear all
--S 562 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^16
--R
--R
--R
                                     48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
                                (bx + 4abx + 6abx + 4abx + a) \setminus |bx + a|
--R
              (1) -----
--R
                                                                                                                 16
--R
                                                                                                               X
--R
                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 562
--S 563 of 1369
r0:=-1/15*(a+b*x^2)^{(11/2)/(a*x^15)+4/195*b*(a+b*x^2)^{(11/2)/(a^2*x^13)}-
               8/2145*b^2*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^3*x^11)
```

```
--R
--R
--R (2)
--R
                               7 14 6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6 5 2 4
--R
                        - 8b x + 4a b x - 3a b x - 355a b x - 1030a b x - 1218a b x
--R
                                  6 2 7
--R
--R
                     - 671a b x - 143a
--R
--R
                     +----+
--R
                      | 2
                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R /
--R
                        3 15
--R
           2145a x
--R
                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 563
--S 564 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                   14 28 13 26 2 12 24 3 11 22
--R
                            120b x + 4420a b x + 46189a b x + 213213a b x
--R
                                                                 5 9 18 6 8 16
--R
                                          4 10 20
--R
                            680394a b x + 3284190a b x + 17479665a b x + 62562161a b x
--R
                                                8 6 12 9 5 10 10 4 8
--R
--R
                           144564272a b x + 222722016a b x + 232707200a b x
--R
--R
                                                 11 3 6
                                                                                        12 2 4
--R
                           163616000a b x + 74360832a b x + 19779584a b x + 2342912a
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                       \|a \|b x + a
--R
--R
                           15 30 14 28 2 13 26 3 12 24
                    - 8b x - 900a b x - 16575a b x - 115830a b x - 431145a b x
--R
--R
--R.
                                        5 10 20 6 9 18 7 8 16
                                                                                                                                                8 7 14
--R
                  - 1575288a b x - 8511425a b x - 38757150a b x - 116822415a b x
--R
--R
                                               9 6 12
                                                                                      10 5 10
--R
                    - 234650960a b x - 322562592a b x - 306364800a b x
--R
                                             12 3 6 13 2 4 14 2 15
--R
                 - 198470400a b x - 83957760a b x - 20951040a b x - 2342912a
--R
```

```
--R /
                                       3 7 29 4 6 27 5 5 25 6 4 23
--R
--R
                                     2145a b x + 240240a b x + 4324320a b x + 28828800a b x
--R
                                                       7 3 21 8 2 19 9 17 10 15
--R
--R
                                  90604800a b x + 144967680a b x + 114216960a b x + 35143680a x
--R
--R
--R
                                  1 2
--R
                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                          3 7 29 4 6 27 5 5 25
                                      - 32175a b x - 1201200a b x - 12972960a b x - 61776000a b x
--R
--R
                                                                                                        8 2 19
--R
                                                                     7 3 21
--R
                                      - 151008000a b x - 197683200a b x - 131788800a b x
--R
--R
                                                                    10 15
--R
                                    - 35143680a x
--R
--R
                                   +-+
--R
                                  \|a
--R
                                                                                                                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 564
--S 565 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 565
--S 566 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 566
)clear all
--S 567 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^18
--R
--R
--R
--R
                                48 36 224 3 2 4 | 2
--R
                         (bx + 4abx + 6abx + 4abx + a) \setminus |bx + a|
```

```
--R (1) -----
--R
                                                                                      18
--R
                                                                                       х
--R
                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 567
--S 568 of 1369
r0:=-1/17*(a+b*x^2)^{(11/2)}/(a*x^17)+2/85*b*(a+b*x^2)^{(11/2)}/(a^2*x^15)-_
            8/1105*b^2*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^3*x^13)+_
            16/12155*b^3*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^4*x^11)
--R
--R
--R (2)
                                 8 16 7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8 5 3 6
--R
--R
                            16b x - 8a b x + 6a b x - 5a b x - 1515a b x - 4714a b x
--R
--R
                                        6 2 4 7 2
                           - 5808a b x - 3289a b x - 715a
--R
--R
--R
                      +----+
--R
                        | 2
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R /
--R
                   4 17
--R
                   12155a x
--R
                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 568
--S 569 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                      16 32 15 30 2 14 28 3 13 26
--R
--R
                                 - 272b x - 12920a b x - 176358a b x - 1062347a b x
--R
                                                      4 12 24
--R
                                                                                                 5 11 22
                                                                                                                                                6 10 20
--R
                                - 3294005a b x - 4384198a b x + 15997680a b x
--R
                                                                                    8 8 16
--R
                                                         7 9 18
--R
                                 165361193a b x + 770698027a b x + 2270552240a b x
--R
--R
                                                          10 6 12
                                                                                         11 5 10
                                                                                                                                                               12 4 8
--R
                                 4507588448a b x + 6187359360a b x + 5902996736a b x
--R
--R
                                                      13 3 6
                                                                                                       14 2 4
                                                                                                                                                   15 2
--R
                             3853379584a b x + 1645219840a b x + 414695424a b x + 46858240a
--R
--R
                                    +----+
                               +-+ | 2
--R
```

```
--R
                     \|a \|b x + a
--R
                         17 34 16 32 2 15 30 3 14 28
--R
--R
                  16b x + 2312a b x + 54910a b x + 499681a b x
--R
                                  4 13 26 5 12 24
--R
                                                                                                                    6 11 22
                                                                                                                                                               7 10 20
--R
                   2255968a b x + 5418699a b x + 2068118a b x - 60942025a b x
--R
                                            8 9 18 9 8 16
--R
                   - 410899316a b x - 1576344363a b x - 4006578224a b x
--R
--R
                                                                                            12 5 10
--R
                                               11 6 12
                   - 7050341728a b x - 8745093760a b x - 7648122112a b x
--R
--R
--R
                                               14 3 6
                                                                                           15 2 4
                                                                                                                                     16 2
--R
                      - 4627081216a b x - 1846710272a b x - 438124544a b x - 46858240a
--R /
                                                                  5 7 31 6 6 29
--R
                                          4 8 33
--R
                            12155a b x + 1750320a b x + 40840800a b x + 359399040a b x
--R
--R
                                                   8 4 25
                                                                                               9 3 23
                           1540281600a b x + 3559761920a b x + 4530606080a b x
--R
--R
--R
                                         11 19 12 17
                           2987212800a b x + 796590080a x
--R
--R
--R
--R
                           1 2
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                               4 8 33 5 7 31 6 6 29
--R
--R
                             - 206635a b x - 9918480a b x - 138858720a b x
--R
                                                                                8 4 25
--R
                                                      7 5 27
--R
                           - 872826240a b x - 2909420800a b x - 5501450240a b x
--R
                                                                                    11 19
--R
                                                        10 2 21
                           - 5924638720a b x - 3385507840a b x - 796590080a x
--R
--R
--R
--R
                         \|a
--R
                                                                                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 569
--S 570 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R.
                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 570
--S 571 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 571
)clear all
--S 572 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^20
--R
--R
--R
--R
                                   48 36 224 3 2 4 | 2
--R
                                (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R (1) ------
--R
                                                                                                         20
--R
                                                                                                        x
--R
                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 572
--S 573 of 1369
r0:=-1/19*(a+b*x^2)^{(11/2)/(a*x^19)+8/323*b*(a+b*x^2)^{(11/2)/(a^2*x^17)}-_
              16/1615*b^2*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^3*x^15)+_
              64/20995*b^3*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^4*x^13)-_
              128/230945*b^4*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^5*x^11)
--R
--R
--R
                 (2)
                                                9 18 8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
--R
                                 - 128b x + 64a b x - 48a b x + 40a b x - 35a b x
--R
                                                     5 4 8 6 3 6
--R
                                                                                                                                     7 2 4
                                                                                                                                                                              8 2
--R
                                - 23063a b x - 75086a b x - 95238a b x - 55055a b x - 12155a
--R
--R
                               +----+
--R
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                      5 19
--R
--R
                      230945a x
--R
                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 573
--S 574 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R (3)
            18 36 17 34 2 16 32 3 15 30
--R
          2432b x + 144704a b x + 2496144a b x + 19315400a b x
--R
--R
                4 14 28 5 13 26
--R
--R
         79676025a b x + 189488273a b x + 290726486a b x
--R
--R
                 7 11 22
                                 8 10 20
          757364586a b x + 5402299925a b x + 30093982765a b x
--R
--R
                                     11 7 14
--R
                    10 8 16
--R
          109503200092a b x + 271133170464a b x + 470853839872a b x
--R
--R
                    13 5 10
                                      14 4 8
--R
          581060791040a b x + 508200770560a b x + 308487663616a b x
--R
                                    17 2
--R
                    16 2 4
--R
         123790098432a b x + 29567549440a b x + 3186360320a
--R
--R
--R
         +-+ | 2
--R
        --R
         19 38 18 36 2 17 34 3 16 32
--R
--R
       - 128b x - 23104a b x - 687344a b x - 7904456a b x
--R
--R
               4 15 30
                              5 14 28
--R
       - 45874075a b x - 151407542a b x - 303583501a b x
--R
                                           9 10 20
                7 12 24 8 11 22
--R
--R
       - 496668056a b x - 2160128069a b x - 14423898830a b x
--R
--R
                 10 9 18
                                   11 8 16
       - 66896650403a b x - 209009021884a b x - 456469602784a b x
--R
--R
                                    14 5 10
--R
                  13 6 12
       - 713047209728a b x - 803269244160a b x - 648694344704a b x
--R
--R
--R
                  16 3 6
                                   17 2 4
       - 366885916672a b x - 138175578112a b x - 31160729600a b x
--R
--R
--R
                19
--R
       - 3186360320a
--R /
               5 9 37 6 8 35
--R
          230945a b x + 41570100a b x + 1219389600a b x
--R
--R
--R
                    8 6 31
                                   9 5 29
                                                      10 4 27
```

```
13657163520a b x + 76089911040a b x + 236724167680a b x
--R
--R
--R
                                                                                 11 3 25
                                                                                                                   12 2 23 13 21
--R
                                        430407577600a b x + 454056345600a b x + 257298595840a b x
--R
--R
                                                                              14 19
--R
                                          60540846080a x
--R
                                       +----+
--R
                                       1 2
--R
--R
                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                   5 9 37 6 8 35 7 7 33
--R
                                        - 4387955a b x - 263277300a b x - 4633680480a b x
--R
--R
--R
                                                                                   8 6 31
                                                                                                                                                   9 5 29
                                                                                                                                                                                                                            10 4 27
--R
                                        - 37069443840a b x - 160634256640a b x - 408887198720a b x
--R
--R
                                                                                     11 3 25
                                                                                                                                                            12 2 23
--R
                                        - 629057228800a b x - 575138037760a b x - 287569018880a b x
--R
--R
                                                                                  14 19
--R
                                         - 60540846080a x
--R
--R
                                      +-+
--R
                                     \|a
--R
                                                                                                                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 574
--S 575 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 575
--S 576 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
 --R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 576
)clear all
--S 577 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^22
--R
```

```
--R
--R
--R
                           48 36 224 3 2 4 | 2
--R
                         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R (1) -----
--R
                                                                                    22
--R
                                                                                   х
--R
                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 577
--S 578 of 1369
\texttt{r0:=-1/21*(a+b*x^2)^(11/2)/(a*x^21)+10/399*b*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^2*x^19)-_}
            80/6783*b^2*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^3*x^17)+_
            32/6783*b^3*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^4*x^15)-_
            128/88179*b^4*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^5*x^13)+_
            256/969969*b^5*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^6*x^11)
--R
--R
--R (2)
                                 10 20 9 18 2 8 16 3 7 14 4 6 12 5 5 10
--R
--R
                           256b x - 128a b x + 96a b x - 80a b x + 70a b x - 63a b x
--R
--R
                                   6 4 8
                                                              7 3 6 8 2 4
                                                                                                                                        9 2
--R
                           - 80773a b x - 271414a b x - 351780a b x - 206635a b x - 46189a
--R
--R
                        1 2
--R
--R
                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                              6 21
--R
--R
                  969969a x
--R
                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 578
--S 579 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             (3)
                                                20 40 19 38 2 18 36
--R
--R
                                - 5376b x - 391552a b x - 8320480a b x - 80233200a b x
--R
--R
                                                           4 16 32
                                                                                       5 15 30
                                                                                                                                                         6 14 28
--R
                               - 420109950a b x - 1302340845a b x - 2477759163a b x
--R
--R
                                                              7 13 26
                                                                                                            8 12 24
                                                                                                                                                                 9 11 22
--R
                               - 2762521454a b x + 1146576508a b x + 35531078583a b x
--R
--R
                                                              10 10 20
                                                                                           11 9 18
                                                                                                                                                                            12 8 16
--R
                                246355890781a b x + 1084155358468a b x + 3267141080112a b x
```

```
--R
--R
                                                        13 7 14
                                                                                                             14 6 12
--R
                           6979808804864a b x + 10766293094144a b x
--R
--R
                                                          15 5 10
                                                                                                             16 4 8
                                                                                                                                                                17 3 6
--R
                          12052957185024a b x + 9715313721344a b x + 5501035544576a b x
--R
--R
                                                        18 2 4
                                                                                                       19 2
                            2078509694976a b x + 470944055296a b x + 48432676864a
--R
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
--R
                       \|a \|b x + a
--R
                          21 42 20 40 2 19 38
--R
                                                                                                                          3 18 36
--R
                    256b x + 56448a b x + 2055648a b x + 29121680a b x
--R
--R
                                        4 17 34
                                                                  5 16 32
                                                                                                                              6 15 30
--R
                     210612150a b x + 882230895a b x + 2279015648a b x
--R
--R
                                         7 14 28
                                                                                     8 13 26
                  3701049957a b x + 3078383154a b x - 9508799223a b x
--R
--R
--R
                                            10 11 22
                                                                              11 10 20
                                                                                                                                                          12 9 18
                 - 105171174108a b x - 592170549789a b x - 2228017774892a b x
--R
--R
--R
                                                     13 8 16
                                                                                                          14 7 14
--R
                    - 5899811852592a b x - 11296615236864a b x - 15852864536320a b x
--R
--R
                                                      16 5 10
                                                                                                            17 4 8
                                                                                                                                                               18 3 6
--R
                  - 16335819537408a b x - 12233559883776a b x - 6484449427456a b x
--R
--R
                                                     19 2 4
                                                                                                     20 2
--R
                     - 2307927638016a b x - 495160393728a b x - 48432676864a
--R /
                                          6 10 41
--R
                                                                                   7 9 39
                                                                                                                              8 8 37
--R
                           969969a b x + 213393180a b x + 7682154480a b x
--R
--R
                                                      9 7 35
                                                                                                     10 6 33
--R
                           106525875456a b x + 745681128192a b x + 2982724512768a b x
--R
                                                                                                             13 3 27
--R
                                                        12 4 29
--R
                           7230847303680a b x + 10806541025280a b x
--R
--R
                                                        14 2 25
                                                                                    15 23
--R
                          9725886922752a b x + 4831159517184a b x + 1017086214144a x
--R
                         +----+
--R
                        | 2
--R
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
```

```
--R
                   6 10 41 7 9 39
                                             8 8 37
--R
--R
          - 20369349a b x - 1493752260a b x - 32265048816a b x
--R
                               10 6 33 11 5 31
--R
                      9 7 35
          - 319577626368a b x - 1739922632448a b x - 5694292251648a b x
--R
--R
--R
                        12 4 29
                                            13 3 27
--R
          - 11680599490560a b x - 15129157435392a b x
--R
--R
                      14 2 25
                                         15 23
                                                             16 21
         - 12014330904576a b x - 5339702624256a b x - 1017086214144a x
--R
--R
--R
--R
         \|a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 579
--S 580 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 580
--S 581 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 581
)clear all
--S 582 of 1369
t0:=(a+b*x^2)^(9/2)/x^24
--R
--R
--R
         48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
       (bx + 4abx + 6abx + 4abx + a) \setminus |bx + a|
--R
   (1) -----
--R
                              24
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 582
--S 583 of 1369
```

```
r0:=-1/23*(a+b*x^2)^{(11/2)/(a*x^23)+4/161*b*(a+b*x^2)^{(11/2)/(a^2*x^21)}-
            40/3059*b^2*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^3*x^19)+_
            320/52003*b^3*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^4*x^17)-_
            128/52003*b^4*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^5*x^15)+_
            512/676039*b^5*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^6*x^13)-_
            1024/7436429*b^6*(a+b*x^2)^(11/2)/(a^7*x^11)
--R
--R
           (2)
--R
                                         --R
--R
                          - 1024b x + 512a b x - 384a b x + 320a b x - 280a b x
--R
                                  5 6 12 6 5 10 7 4 8 8 3 6
--R
                          252a b x - 231a b x - 530959a b x - 1826110a b x - 2406690a b x
--R
--R
--R
                                               10 2 11
--R
                        - 1431859a b x - 323323a
--R
--R
                       +----+
                       1 2
--R
--R
                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                       7 23
--R
                  7436429a x
--R
                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 583
--S 584 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                                                    21 42
--R
                                            22 44
                                                                                                                           2 20 40
--R
                                23552b x + 2060800a b x + 52859520a b x + 620470080a b x
--R
                                                      4 18 36
--R
                                                                                                         5 17 34
                                                                                                                                                            6 16 32
--R
                               4007202600a b x + 15628090140a b x + 38569325025a b x
--R
--R
                                                         7 15 30
                                                                                                           8 14 28
                                                                                                                                                              9 13 26
--R
                                61172146673a b x + 62501873434a b x + 68498444014a b x
 --R
--R
                                                            10 12 24
                                                                                                                     11 11 22
--R.
                               447722087813a b x + 3519807368805a b x
--R
--R
                                                                  12 10 20
                                                                                                                             13 9 18
--R
                                18390187227048a b x + 66180088214128a b x
--R
--R
                                                                    14 8 16
                             170212073470272a b x + 319842513071872a b x
--R
--R
```

```
--R
                        16 6 12
--R
           443676599296000a b x + 454256483090432a b x
--R
--R
                        18 4 8
                                              19 3 6
--R
          339251670810624a b x + 179812413800448a b x
--R
--R
                       20 2 4
                                           21 2
--R
          64121040535552a b x + 13803312906240a b x + 1356114952192a
--R
--R
--R
         +-+ | 2
        \|a \|b x + a
--R
--R
                           22 44 2 21 42
--R
            23 46
--R
       - 1024b x - 270848a b x - 11849600a b x - 202628160a b x
--R
--R.
                 4 19 38
                                   5 18 36
                                                      6 17 34
       - 1783851480a b x - 9216565980a b x - 29953839435a b x
--R
--R
--R
                  7 16 32
                             8 15 30
--R
       - 63364422286a b x - 88059985805a b x - 85139238184a b x
--R
--R
                   10 13 26
                                        11 12 24
--R
       - 172487832517a b x - 1389299606422a b x - 9097536087003a b x
--R
--R
                  13 10 20
--R
       - 40522439458872a b x - 127747340088848a b x
--R
--R
                      15 8 16
                                            16 7 14
--R
       - 293619192660032a b x - 500570144755968a b x
--R
--R
                      17 6 12
                                           18 5 10
--R
       - 637481553092608a b x - 604911221161984a b x
--R
--R
                      19 4 8
                                           20 3 6
       - 421952481460224a b x - 210232277139456a b x - 70853182619648a b x
--R
--R
--R
                     22 2
        - 14481370382336a b x - 1356114952192a
--R
--R /
--R
                 7 11 45
                                  8 10 43
          7436429a b x + 1963217256a b x + 85072747760a b x
--R
--R.
--R
                      10 8 39
                                           11 7 37
--R
          1429222162368a b x + 12250475677440a b x
--R
--R
                       12 6 35
--R
          60980145594368a b x + 188484086382592a b x
--R
--R
                        14 4 31
                                             15 3 29
```

```
372825665372160a b x + 472245842804736a b x
--R
--R
--R
                         16 2 27
                                       17 25
--R
            370388896317440a b x + 163750880477184a b x
--R
--R
                         18 23
--R
            31190643900416a x
--R
           +----+
--R
           | 2
--R
--R
          \|b x + a
--R
                     7 11 45 8 10 43 9 9 41
--R
           - 171037867a b x - 15051332296a b x - 391334639696a b x
--R
--R
--R
                         10 8 39
                                               11 7 37
--R
            - 4696015676352a b x - 31306771175680a b x
--R
--R
                           12 6 35
                                                 13 5 33
--R
            - 127503940788224a b x - 333471845138432a b x
--R
--R
                           14 4 31
--R
            - 571666020237312a b x - 638920846147584a b x
--R
--R
                            16 2 27
            - 448365506068480a b x - 179346202427392a b x
--R
--R
--R
                           18 23
--R
           - 31190643900416a x
--R
--R
          +-+
--R
          \|a
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 584
--S 585 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 585
--S 586 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 586
```

```
)clear all
--S 587 of 1369
t0:=x^5*sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
--R
        5 | 2
--R (1) x \|4x + 9
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 587
--S 588 of 1369
r0:=27/64*(9+4*x^2)^(3/2)-9/160*(9+4*x^2)^(5/2)+1/448*(9+4*x^2)^(7/2)
--R
--R
--R
                                 +----+
           6 4 2
                                1 2
--R
--R
         (40x + 18x - 54x + 243) \setminus |4x + 9|
--R
--R
                        280
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 588
--S 589 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                  13 11 9
--R
--R
           - 327680x - 1437696x - 1589760x - 1310256x - 6062364x
--R
--R
--R
           - 8266860x - 2480058x
--R
--R
           +----+
           | 2
--R
--R
          |4x + 9|
--R
                     12 10
--R
                                         8
--R
        655360x + 3612672x + 5999616x + 4844448x + 14451696x + 28934010x
--R
--R
               2
--R
        17360406x + 1594323
--R /
--R
                                                +----+
--R
                                     2
                                                1 2
--R
        (1146880x + 3225600x + 2177280x + 204120) | 4x + 9 - 2293760x
--R
```

```
--R
           5
--R
        - 9031680x - 10160640x - 2857680x
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 589
--S 590 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 590
--S 591 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 591
)clear all
--S 592 of 1369
t0:=x^4*sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
          +----+
--R
         4 | 2
--R (1) x \|4x + 9
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 592
--S 593 of 1369
r0:=729/512*asinh(2/3*x)-81/256*x*sqrt(9+4*x^2)+_
    3/32*x^3*sqrt(9+4*x^2)+1/6*x^5*sqrt(9+4*x^2)
--R.
--R
--R
           5 3 | 2
--R
         (256x + 144x - 486x) | 4x + 9 + 2187asinh(--)
--R
--R
--R.
     (2) -----
--R
                            1536
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 593
--S 594 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
    (3)
--R
             5 3 | 2
--R
--R
           (- 2239488x - 5038848x - 2125764x)\|4x + 9 + 4478976x
--R
--R
--R
          15116544x + 12754584x + 1594323
--R
--R
--R
            1 2
--R
        \log(|4x + 9 - 2x)
--R
--R
                                     7
--R
--R
         (- 524288x - 2064384x - 1492992x + 2332800x + 2729376x + 354294x)
--R
--R
          +----+
--R
          1 2
--R
         |4x + 9|
--R
           12 10 8 6 4 2
--R
        1048576x \quad + \ 5308416x \quad + \ 6967296x \quad - \ 3172608x \quad - \ 10707552x \quad - \ 4251528x
--R
--R /
--R
         5 3 | 2
--R
        (1572864x + 3538944x + 1492992x) | 4x + 9 - 3145728x - 10616832x
--R
--R
--R
--R
        - 8957952x - 1119744
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 594
--S 595 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                1 2
--R
        -729\log(|4x + 9 - 2x) - 729asinh(--)
--R
--R
--R
--R
                         512
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 595
--S 596 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 596
)clear all
--S 597 of 1369
t0:=x^3*sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
        3 | 2
--R
--R (1) x \|4x + 9
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 597
--S 598 of 1369
r0:=-3/16*(9+4*x^2)^(3/2)+1/80*(9+4*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                         +----+
          4 2 | 2
--R
      (8x + 6x - 27) \setminus |4x + 9
--R
--R
--R
                    40
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 598
--S 599 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
              9 7 5 3
                                                  | 2 10
--R
--R
        (-4096x - 14592x - 1296x + 34020x + 21870x) \setminus |4x + 9 + 8192x
--R
            8 6
--R
                              4
        38400x + 30240x - 77760x - 109350x - 19683
--R
--R /
--R
                               +----+
                              1 2
--R
       (10240x + 17280x + 3240) \setminus |4x + 9 - 20480x - 57600x - 32400x
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 599
--S 600 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
```

```
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 600
--S 601 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 601
)clear all
--S 602 of 1369
t0:=x^2*sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
          +----+
     2 | 2
--R
--R (1) x \mid 4x + 9
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 602
--S 603 of 1369
\verb"r0:=-81/64*asinh(2/3*x)+9/32*x*sqrt(9+4*x^2)+1/4*x^3*sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
         3 | 2
--R
--R
        (16x + 18x) | 4x + 9 - 81asinh(--)
--R
--R
    (2) -----
--R
                      64
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 603
--S 604 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
              3 | 2 4 2
--R
          ((5184x + 5832x)|4x + 9 - 10368x - 23328x - 6561)
--R
--R
--R
              +----+
--R
             | 2
--R
         log(|4x + 9 - 2x)
--R
                                       +----+
--R
```

```
7 5 3 | 2 8 6
--R
--R
      (-2048x - 6912x - 6480x - 1458x) | 4x + 9 + 4096x + 18432x
         4
--R
--R
                     2
--R
       25920x + 11664x
--R /
       +----+
3 | 2 4 2
--R
--R
--R
      (4096x + 4608x) | 4x + 9 - 8192x - 18432x - 5184
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 604
--S 605 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              +----+
--R
             1 2
        81\log(|4x + 9 - 2x) + 81a\sinh(--)
--R
--R
   (4) -----
--R
--R
                     64
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 605
--S 606 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 606
)clear all
--S 607 of 1369
t0:=x*sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
         | 2
--R
--R (1) x | 4x + 9
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 607
--S 608 of 1369
r0:=1/12*(9+4*x^2)^(3/2)
--R
--R
                +----+
--R
```

```
2 | 2
--R
    (4x + 9) | 4x + 9
--R
--R
    (2) -----
        12
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 608
--S 609 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
             5 3 | 2 6 4 2
--R
--R
       (-128x - 504x - 486x) | 4x + 9 + 256x + 1296x + 1944x + 729
--R
--R
--R
                      2 | 2 | 3
--R
                     (192x + 108) \setminus |4x + 9 - 384x - 648x
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 609
--S 610 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 610
--S 611 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 611
)clear all
--S 612 of 1369
t0:=sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
         +----+
        1 2
--R
--R (1) |4x + 9|
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 612
--S 613 of 1369
```

```
r0:=9/4*asinh(2/3*x)+1/2*x*sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
        +----+
| 2 2x
--R
       2x \mid 4x + 9 + 9asinh(--)
--R
--R
--R (2) -----
--R
                4
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 613
--S 614 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
           +----+ +------
| 2 2 | 2
--R
       (-36x|4x + 9 + 72x + 81)\log(|4x + 9 - 2x)
--R
--R
--R
         3 | 2 4 2
--R
--R
      (-16x - 18x) \setminus |4x + 9 + 32x + 72x
--R /
         +----+
--R
       | 2 2
--R
--R
     16x \mid 4x + 9 - 32x - 36
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 614
--S 615 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              1 2
--R
       -9\log(|4x + 9 - 2x) - 9asinh(--)
--R
--R
--R
    (4) -----
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 615
--S 616 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
```

```
--E 616
)clear all
--S 617 of 1369
t0:=sqrt(9+4*x^2)/x
--R
--R
--R
         +----+
         1 2
--R
       14x + 9
--R
    (1) -----
--R
        x
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 617
--S 618 of 1369
r0:=-3*atanh(1/3*sqrt(9+4*x^2))+sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
                 +----+
--R
                1 2
                            +----+
                |4x + 9| | 2
--R
   (2) - 3atanh(-----) + \|4x + 9
--R
                  3
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 618
--S 619 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
            --R
--R
       (-3)/4x + 9 + 6x)\log(/4x + 9 - 2x + 3)
--R
--R
          +----+
| 2
                          --R
                         1 2
--R
       (3|4x + 9 - 6x)\log(|4x + 9 - 2x - 3) - 2x|4x + 9 + 4x + 9
--R
--R /
--R
       +----+
--R
       | 2
--R
      \backslash |4x + 9 - 2x|
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 619
--S 620 of 1369
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
     (4)
--R
          1 2
--R
--R
                                                            |4x + 9|
    -3\log(\4x + 9 - 2x + 3) + 3\log(\4x + 9 - 2x - 3) + 3atanh(-----)
--R
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 620
--S 621 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 621
)clear all
--S 622 of 1369
t0:=sqrt(9+4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
         1 2
--R
--R
         |4x + 9|
--R
    (1) -----
--R
           2
--R
           x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 622
--S 623 of 1369
r0:=2*asinh(2/3*x)-sqrt(9+4*x^2)/x
--R
--R
--R
          +----+
          | 2 2x
--R
       - |4x + 9 + 2x asinh(--)
--R
--R
--R
--R
                  x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 623
--S 624 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
+----+ +-----
| 2 2 | 2
--R
--R
--R (-2x)|4x + 9 + 4x)\log(|4x + 9 - 2x) - 9
--R (3) -----
--R
                     +----+
                     1 2 2
--R
                    x \mid 4x + 9 - 2x
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 624
--S 625 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              +----+
      | 2
--R
--R (4) - 2\log(|4x + 9 - 2x) - 2\sinh(--) - 2
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 625
--S 626 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 626
)clear all
--S 627 of 1369
t0:=sqrt(9+4*x^2)/x^3
--R
--R
        +----+
        1 2
--R
     \|4x + 9
--R
--R (1) -----
     3
x
--R
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 627
--S 628 of 1369
r0:=-2/3*atanh(1/3*sqrt(9+4*x^2))-1/2*sqrt(9+4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
                  | 2 +----+
--R
```

```
--R
--R
        -4x \operatorname{atanh}(-----) - 3 | 4x + 9
--R
                  3
--R (2) -----
                     2
--R
--R
                     6x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 628
--S 629 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
          --R
--R
       (-16x | 4x + 9 + 32x + 36x) \log(|4x + 9 - 2x + 3)
--R
          +----+
--R
--R
--R
       (16x | 4x + 9 - 32x - 36x) \log(|4x + 9 - 2x - 3)
--R
--R
          2 | 2 3
--R
--R
       (24x + 27) \setminus |4x + 9 - 48x - 108x
--R /
--R
       3 | 2 4 2
--R
--R
      24x \mid 4x + 9 - 48x - 54x
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 629
--S 630 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                                                       1 2
--R
                               1 2
--R
                                                      14x + 9
--R
    -2\log(|4x + 9 - 2x + 3) + 2\log(|4x + 9 - 2x - 3) + 2atanh(-----)
--R
--R
--R
                                 3
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 630
--S 631 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 631
)clear all
--S 632 of 1369
t0:=sqrt(9+4*x^2)/x^4
--R
--R
--R
         +----+
         1 2
--R
       \|4x + 9
--R
--R (1) -----
    4
--R
--R
           x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 632
--S 633 of 1369
r0:=-1/27*(9+4*x^2)^(3/2)/x^3
--R
--R
--R
                  +----+
           2 | 2
--R
     (-4x - 9) | 4x + 9
--R
--R
               3
--R
--R
                27x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 633
--S 634 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
           3 | 2 4 2
--R
--R
--R
        (16x + 18x) \setminus |4x + 9 - 32x - 72x - 27
--R
--R
                     +----+
             5 3 | 2 6 4
--R
          (16x + 9x) | 4x + 9 - 32x - 54x
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 634
--S 635 of 1369
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
      8
--R
--R (4) - --
--R
     27
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 635
--S 636 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 636
)clear all
--S 637 of 1369
t0:=sqrt(9+4*x^2)/x^5
--R
--R
--R
          +----+
--R
          1 2
--R 12
--R (1) -----
      5
x
--R
--R
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 637
--S 638 of 1369
\texttt{r0:=}2/27*\texttt{atanh}(1/3*\texttt{sqrt}(9+4*\texttt{x}^2))-1/4*\texttt{sqrt}(9+4*\texttt{x}^2)/\texttt{x}^4-1/18*\texttt{sqrt}(9+4*\texttt{x}^2)/\texttt{x}^2
--R
--R
--R
          | 2 +----+
4 \|4x + 9 2 | 2
--R
--R
         8x atanh(-----) + (- 6x - 27)\|4x + 9 3
--R
--R
--R
--R
--R
                              108x
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 638
--S 639 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
--R
          7 5 | 2 8 6 4
--R
--R
        ((512x + 576x))|4x + 9 - 1024x - 2304x - 648x)
--R
--R
            +----+
            1 2
--R
        log(|4x + 9 - 2x + 3)
--R
--R
                     --R
             7 5 | 2
--R
--R
        ((-512x - 576x))|4x + 9 + 1024x + 2304x + 648x)
--R
--R
            1 2
--R
--R
        log(|4x + 9 - 2x - 3)
--R
--R
         6 4 2 | 2 7 5 3
--R
       (768x + 5184x + 8262x + 2187)\|4x + 9 - 1536x - 12096x - 27216x
--R
--R
--R
       - 17496x
--R /
--R
      7 5 | 2 8 6 4
--R
      (6912x + 7776x) | 4x + 9 - 13824x - 31104x - 8748x
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 639
--S 640 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                            +----+
| 2
        +----+
| 2
                                                   1 2
--R
                                                  \backslash |4x + 9|
--R 2\log(|4x + 9 - 2x + 3) - 2\log(|4x + 9 - 2x - 3) - 2atanh(-----)
--R
--R
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 640
--S 641 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 641
```

```
)clear all
--S 642 of 1369
t0:=x^5*sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R
        5 | 2
--R
   (1) x | - 4x + 9
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 642
--S 643 of 1369
\texttt{r0:=-27/64*(9-4*x^2)^(3/2)+9/160*(9-4*x^2)^(5/2)-1/448*(9-4*x^2)^(7/2)}
--R
--R
--R
                                +----+
           6 4 2
                               1 2
--R
--R
         (40x - 18x - 54x - 243) | - 4x + 9
--R
--R
                        280
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 643
--S 644 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
             12 10 8 6 | 2 14 12
--R
--R
        (-420x + 7749x - 36855x + 51030x) | -4x + 9 - 80x + 4536x
--R
--R
              10
                      8
        - 44037x + 144585x - 153090x
--R
--R /
--R
                           2
                                       1 2 6
--R
                   4
--R
        (140x - 7560x + 56700x - 102060) | -4x + 9 - 2940x + 52920x
--R
--R
               2
--R
        - 238140x + 306180
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 644
--S 645 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R
          729
    (4) - ---
--R
--R
           280
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 645
--S 646 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 646
)clear all
--S 647 of 1369
t0:=x^4*sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R
          +----+
        4 | 2
--R
--R
    (1) x \mid -4x + 9
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 647
--S 648 of 1369
r0:=729/512*asin(2/3*x)-81/256*x*sqrt(9-4*x^2)-_
    3/32*x^3*sqrt(9-4*x^2)+1/6*x^5*sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R
            5 3
                        1 2
--R
        (256x - 144x - 486x) = 4x + 9 + 2187asin(--)
--R
--R
    (2) -----
--R
--R
                            1536
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 648
--S 649 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                                      +----+
                   4 2 | 2 6 4
--R
           (- 19683x + 236196x - 531441)\|- 4x + 9 - 4374x + 177147x
--R
--R
--R
                    2
```

```
--R
          - 1062882x + 1594323
--R
--R
            | 2
--R
            1 - 4x + 9 - 3
--R
         atan(-----)
--R
--R
--R
--R
                9 7 5 3
                                                    | 2
--R
--R
       (256x - 10512x + 67554x - 108621x - 65610x + 177147x) | - 4x + 9
--R
           11 9 7 5 3
--R
       -4608x + 68256x - 277020x + 295245x + 314928x - 531441x
--R
--R /
--R
          4 2
                                       6
--R
                            1 2
       (6912x - 82944x + 186624) | -4x + 9 + 1536x - 62208x + 373248x
--R
--R
--R
       - 559872
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 649
--S 650 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                 1 2
--R
                \|- 4x + 9 - 3 2x
--R
        - 1458atan(-----) - 729asin(--)
2x 3
--R
--R
--R
   (4) -----
--R
                       512
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 650
--S 651 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 651
)clear all
--S 652 of 1369
t0:=x^3*sqrt(9-4*x^2)
--R
```

```
--R
        +----+
--R
   3 | 2
--R
--R (1) x \mid |-4x + 9
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 652
--S 653 of 1369
r0:=-3/16*(9-4*x^2)^(3/2)+1/80*(9-4*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
         4 2 | 2
--R
      (8x - 6x - 27) | - 4x + 9
--R
--R
--R
                40
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 653
--S 654 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
     8 6 4 2 10 8 6 4
--R
--R
    (-60x + 585x - 1215x) | -4x + 9 - 16x + 480x - 2565x + 3645x
--R
--R
           4 2 | 2 4 2
--R
          (20x - 540x + 1620) = 4x + 9 - 300x + 2700x - 4860
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 654
--S 655 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         81
--R
   (4) - --
--R
         40
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 655
--S 656 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
```

```
--E 656
)clear all
--S 657 of 1369
t0:=x^2*sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
       2 | 2
--R
--R (1) x \mid |-4x + 9
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 657
--S 658 of 1369
\verb"r0:=81/64*asin(2/3*x)-9/32*x*sqrt(9-4*x^2)+1/4*x^3*sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
                  +----+
         3 | 2 2x
--R
        (16x - 18x) | - 4x + 9 + 81asin(--)
--R
--R
--R
--R
                       64
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 658
--S 659 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
              +----+
2 | 2 4 2
--R
--R
         ((-486x + 2187)) - 4x + 9 - 162x + 2916x - 6561)
--R
--R
--R
              | 2
--R
             1 - 4x + 9 - 3
--R
         atan(-----)
--R
--R
--R
--R
                              +----+
         7 5 3 | 2
                                         7 5 3
--R
      (16x - 306x + 972x - 729x) | -4x + 9 - 192x + 1512x - 3402x + 2187x
--R
--R /
--R
                 +----+
          2 | 2 4 2
--R
      (192x - 864) | - 4x + 9 + 64x - 1152x + 2592
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--E 659
--S 660 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                | 2
--R
              \|- 4x + 9 - 3 2x
--R
     - 162atan(-----) - 81asin(--)
--R
--R
          2x 3
   (4) -----
--R
                      64
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 660
--S 661 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 661
)clear all
--S 662 of 1369
t0:=x*sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R +-----+
--R | 2
--R (1) x = 4x + 9
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 662
--S 663 of 1369
r0:=-1/12*(9-4*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
        2 | 2
--R 2 1 2
--R (4x - 9)\|- 4x + 9
--R (2) -----
       12
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 663
--S 664 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
        4 2 | 2 6 4 2
--R
     (-18x + 81x) = -4x + 9 - 8x + 108x - 243x
--R
--R (3) -----
              2 | 2
--R
--R
--R
              (6x - 54) | - 4x + 9 - 54x + 162
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 664
--S 665 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        9
--R
   (4) - -
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 665
--S 666 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 666
)clear all
--S 667 of 1369
t0:=sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R
       +----+
        1 2
--R
   (1) |-4x + 9|
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 667
--S 668 of 1369
r0:=9/4*asin(2/3*x)+1/2*x*sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R
          +----+
         l 2 2x
--R
        2x \mid -4x + 9 + 9asin(--)
--R
--R
```

```
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 668
--S 669 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
--R
         --R
--R
      (- 27\|- 4x + 9 - 18x + 81)atan(-----)
--R
--R
--R
        3 | 2 3
--R
--R
--R
       (2x - 9x) | - 4x + 9 - 12x + 27x
--R /
       +----+
--R
      1 2 2
--R
--R
      6 | -4x + 9 + 4x - 18
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 669
--S 670 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              1 2
--R
         \|- 4x + 9 - 3 2x
--R
       - 18atan(-----) - 9asin(--)
--R
--R
              2x
--R
                   4
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 670
--S 671 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 671
)clear all
```

```
--S 672 of 1369
t0:=sqrt(9-4*x^2)/x
--R
--R
--R
       1 2
--R
    | - 4x + 9
--R
--R (1) -----
    x
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 672
--S 673 of 1369
r0:=-3*atanh(1/3*sqrt(9-4*x^2))+sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R
             | 2 +----+
|- 4x + 9 | 2
--R
--R
    (2) - 3atanh(------) + |-4x + 9
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 673
--S 674 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        +----+
+----+
| 2
| 2 \|-4x + 9 - 3 2
--R
--R
--R
       --R
--R
--R
    (3) -----
--R
                  1 2
--R
--R
                  --R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 674
--S 675 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          --R
      \|- 4x + 9 - 3 \|- 4x + 9
    (4) 3log(-----) + 3atanh(-----) + 3
x 3
--R
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
```

```
--E 675
--S 676 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 676
)clear all
--S 677 of 1369
t0:=sqrt(9-4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
       +----+
--R
       1 2
--R \|- 4x + 9
--R (1) -----
       2
x
--R
--R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 677
--S 678 of 1369
r0:=-2*asin(2/3*x)-sqrt(9-4*x^2)/x
--R
--R
       +----+
| 2
--R
--R
      - |- 4x + 9 - 2x asin(--)
--R
--R
--R (2) -----
         X
--R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 678
--S 679 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                           +----+
                          | 2
        +-----+ | 2 +-----+
| 2 \|- 4x + 9 - 3 | 2 2
--R
--R
      (4x)|-4x+9-12x)atan(-----) + 3|-4x+9+4x-9
--R
--R
--R (3) ------
--R
                           +----+
                           1 2
--R
```

```
x \mid -4x + 9 - 3x
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 679
--S 680 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              1 2
--R
--R
             \|- 4x + 9 - 3 2x
     (4) 4atan(-----) + 2asin(--)
2x 3
--R
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 680
--S 681 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 681
)clear all
--S 682 of 1369
t0:=sqrt(9-4*x^2)/x^3
--R
--R
--R
         | 2
--R
     \|- 4x + 9
--R
--R (1) -----
--R
             3
--R
             x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 682
--S 683 of 1369
r0:=2/3*atanh(1/3*sqrt(9-4*x^2))-1/2*sqrt(9-4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
                 +----+
          --R
--R
         4x \operatorname{atanh}(-----) - 3 \cdot |- 4x + 9
--R
--R
--R
--R
                           2
```

```
--R
                      6x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 683
--S 684 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
      --R
                                   +----+
| 2
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                 +----+
        2 | 2 2
--R
        (-6x + 27) | -4x + 9 + 36x - 81
--R
--R /
        +----+
2 | 2 4 2
--R
--R
--R
      18x \mid | -4x + 9 + 12x - 54x
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 684
--S 685 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
         --R
--R
--R
        - 2log(-----) - 2atanh(-----)
x 3
--R
--R
--R
                          3
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 685
--S 686 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 686
)clear all
--S 687 of 1369
```

```
t0:=sqrt(9-4*x^2)/x^4
--R
--R
       +----+
--R
--R | 2
--R \|-4x + 9
--R (1) -----
    4
--R
--R
          x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 687
--S 688 of 1369
r0:=-1/27*(9-4*x^2)^(3/2)/x^3
--R
--R
--R
        2 | 2
--R
    (4x - 9) | - 4x + 9
--R
--R (2) -----
--R
--R
              27x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 688
--S 689 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        4 2 | 2 6 4 2
--R
    (- 36x + 189x - 243)\|- 4x + 9 - 16x + 216x - 729x + 729
--R
--R (3) ------
--R
                 5 3 | 2 5 3
--R
                (27x - 243x) | - 4x + 9 - 243x + 729x
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 689
--S 690 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 690
--S 691 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 691
)clear all
--S 692 of 1369
t0:=sqrt(9-4*x^2)/x^5
--R
--R
--R
         1 2
--R
       \|- 4x + 9
--R
--R (1) -----
    5
--R
--R
            x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 692
--S 693 of 1369
 \texttt{r0:=}2/27*\texttt{atanh}(1/3*\texttt{sqrt}(9-4*\texttt{x}^2))-1/4*\texttt{sqrt}(9-4*\texttt{x}^2)/\texttt{x}^4+1/18*\texttt{sqrt}(9-4*\texttt{x}^2)/\texttt{x}^2 
--R
--R
--R
          | 2 +----+
4 \|-4x +9 2 | 2
--R
--R
         8x atanh(-----) + (6x - 27)\|- 4x + 9
--R
--R
                   3
    (2) -----
--R
                            4
--R
--R
                            108x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 693
--S 694 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
              6 4 | 2 8 6 4
--R
--R
          ((-48x + 216x))|-4x + 9 - 16x + 288x - 648x)
--R
--R
              +----+
              1 2
--R
--R
            1 - 4x + 9 - 3
          log(-----)
--R
--R
--R
```

```
+-----+
1 2 6 4 2
--R
      6 4 2 | 2
--R
--R
      (12x - 270x + 1458x - 2187) | -4x + 9 - 144x + 1620x - 5832x + 6561
--R /
--R
                 +----+
      6 4 2 8 6 4
--R
      (648x - 2916x) | - 4x + 9 + 216x - 3888x + 8748x
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 694
--S 695 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              +----+
--R
          1 2
                                  1 2
--R
        - 2log(-----) - 2atanh(-----) x 3
--R
--R
--R
--R
                          27
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 695
--S 696 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 696
)clear all
--S 697 of 1369
t0:=x^5*sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
       5 | 2
--R
   (1) x | 4x - 9
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 697
--S 698 of 1369
\texttt{r0:=}27/64*(-9+4*x^2)^(3/2)+9/160*(-9+4*x^2)^(5/2)+1/448*(-9+4*x^2)^(7/2)
--R
--R
--R
          6 4 2
                             1 2
```

```
(40x - 18x - 54x - 243) \setminus |4x - 9|
   (2) -----
--R
--R
                      280
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 698
--S 699 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                 13 11 9
--R
           - 327680x + 1437696x - 1589760x + 1310256x - 6062364x
--R
--R
--R
--R
          8266860x - 2480058x
--R
--R
          +----+
--R
         | 2
--R
         \|4x - 9
--R
           14 12 10 8 6
--R
--R
        655360x \quad -\ 3612672x \quad +\ 5999616x \quad -\ 4844448x \quad +\ 14451696x \quad -\ 28934010x
--R
--R
--R
        17360406x - 1594323
--R /
--R
          6 4 2 | 2
--R
--R
       (1146880x - 3225600x + 2177280x - 204120) | 4x - 9 - 2293760x
--R
            5 3
--R
        9031680x - 10160640x + 2857680x
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 699
--S 700 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 700
--S 701 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 701
)clear all
--S 702 of 1369
t0:=x^4*sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
         4 | 2
--R
--R (1) x \|4x - 9
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 702
--S 703 of 1369
\verb"r0:=-729/512*atanh(2*x/sqrt(-9+4*x^2))-81/256*x*sqrt(-9+4*x^2)-\_
    3/32*x^3*sqrt(-9+4*x^2)+1/6*x^5*sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
                                                         +----+
                                     5 3
--R
                                                       | 2
          - 2187atanh(-----) + (256x - 144x - 486x) | 4x - 9
--R
--R
--R
                      1 2
--R
                     \|4x - 9
--R
--R
                                    1536
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 703
--S 704 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                          3
                                              1 2
--R
--R
             (2239488x - 5038848x + 2125764x) \setminus |4x - 9 - 4478976x + 15116544x
--R
--R
             - 12754584x + 1594323
--R
--R
--R
               +----+
--R
               1 2
--R
           log(|4x - 9 - 2x)
--R
--R
--R
           (-524288x + 2064384x - 1492992x - 2332800x + 2729376x - 354294x)
--R
            +----+
--R
```

```
1 2
--R
        \|4x - 9
--R
--R
          12
                     10 8
--R
       1048576x - 5308416x + 6967296x + 3172608x - 10707552x + 4251528x
--R
--R /
--R
                                      | 2
--R
--R
        (1572864x - 3538944x + 1492992x) | 4x - 9 - 3145728x + 10616832x
--R
--R
            2
        - 8957952x + 1119744
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 704
--S 705 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                +----+
--R
--R
         729log(\|4x - 9 - 2x) + 729atanh(-----)
--R
                                         1 2
--R
--R
                                        \|4x - 9
--R
--R
                             512
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 705
--S 706 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 706
)clear all
--S 707 of 1369
t0:=x^3*sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
           +----+
        3 | 2
--R
--R (1) x \|4x - 9
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 707
```

```
--S 708 of 1369
r0:=3/16*(-9+4*x^2)^(3/2)+1/80*(-9+4*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                     +----+
       4 2 | 2
--R
--R
       (8x - 6x - 27) \setminus |4x - 9|
--R (2) -----
         40
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 708
--S 709 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
           9 7 5 3 | 2 10
--R
       (-4096x + 14592x - 1296x - 34020x + 21870x) \setminus |4x - 9 + 8192x
--R
--R
            8 6 4 2
--R
--R
        -38400x + 30240x + 77760x - 109350x + 19683
--R /
--R
                           +----+
       4 2 | 2 5 3
--R
      (10240x - 17280x + 3240) | 4x - 9 - 20480x + 57600x - 32400x
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 709
--S 710 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 710
--S 711 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 711
)clear all
--S 712 of 1369
t0:=x^2*sqrt(-9+4*x^2)
```

```
--R
--R
--R
--R
          2 | 2
--R
    (1) x | 4x - 9
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 712
--S 713 of 1369
r0:=-81/64*atanh(2*x/sqrt(-9+4*x^2))-9/32*x*sqrt(-9+4*x^2)+_
    1/4*x^3*sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
--R
                           3
                                      | 2
                      2x
--R
         - 81atanh(-----) + (16x - 18x)|4x - 9
                   +----+
--R
--R
                   | 2
--R
                  \|4x - 9
--R
--R
                             64
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 713
--S 714 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                          +----+
                3 | 2
--R
--R
          ((5184x - 5832x)|4x - 9 - 10368x + 23328x - 6561)
--R
--R
               +----+
--R
              1 2
          log(|4x - 9 - 2x)
--R
--R
--R
                     5 3
                                         1 2
--R
         (-2048x + 6912x - 6480x + 1458x) \setminus |4x - 9 + 4096x - 18432x
--R
--R
--R
             4
--R
        25920x - 11664x
--R /
--R
                      +----+
                      1 2
--R
       (4096x - 4608x) | 4x - 9 - 8192x + 18432x - 5184
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 714
```

```
--S 715 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              +----+
--R
             1 2
                                      2x
--R 81log(\|4x - 9 - 2x) + 81atanh(-----)
--R
                                    1 2
--R
                                   \|4x - 9
--R
--R
   (4) -----
--R
                         64
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 715
--S 716 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 716
)clear all
--S 717 of 1369
t0:=x*sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R +----+
--R | 2
--R (1) x | 4x - 9
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 717
--S 718 of 1369
r0:=1/12*(-9+4*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
        2 | 2
--R
     (4x - 9) | 4x - 9
--R
--R (2) -----
--R
              12
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 718
--S 719 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
             5 3 | 2 6 4 2
--R
--R
        (-128x + 504x - 486x) | 4x - 9 + 256x - 1296x + 1944x - 729
--R (3) -----
--R
                      2 | 2 3
--R
                   (192x - 108) \setminus |4x - 9 - 384x + 648x
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 719
--S 720 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 720
--S 721 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 721
)clear all
--S 722 of 1369
t0:=sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
       +----+
--R
        1 2
--R (1) |4x - 9|
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 722
--S 723 of 1369
r0:=-9/4*atanh(2*x/sqrt(-9+4*x^2))+1/2*x*sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
                  2x | 2
--R
        - 9atanh(------) + 2x|4x - 9
--R
          +----+
--R
               | 2
--R
--R
               \|4x - 9
--R (2) -----
```

```
--R
                        4
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 723
--S 724 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
            --R
--R
        (36x|4x - 9 - 72x + 81)\log(|4x - 9 - 2x)
--R
--R
--R
         3 | 2 | 4 | 2
--R
--R
        (-16x + 18x) \setminus |4x - 9 + 32x - 72x
--R /
          +----+
--R
                   2
--R
         1 2
       16x\|4x - 9 - 32x + 36
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 724
--S 725 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              +----+
              1 2
--R
                                      2x
--R
         9\log(|4x - 9 - 2x) + 9atanh(-----)
                                    +----+
--R
                                    1 2
--R
--R
                                    14x - 9
--R
--R
                           4
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 725
--S 726 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 726
)clear all
--S 727 of 1369
t0:=sqrt(-9+4*x^2)/x
```

```
--R
--R
--R
--R
       1 2
--R
       \|4x - 9
--R
   (1) -----
--R
          x
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 727
--S 728 of 1369
r0:=-3*atan(1/3*sqrt(-9+4*x^2))+sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
              +----+
--R
             1 2
             \|4x - 9 | 2
--R
    (2) - 3atan(-----) + \|4x - 9
--R
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 728
--S 729 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                         --R
           | 2
--R
--R
       (-6)|4x - 9 + 12x)atan(-----) - 2x|4x - 9 + 4x - 9
--R
    (3) -----
--R
--R
                          +----+
--R
                          | 2
--R
                          --R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 729
--S 730 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
           --R
--R
--R
--R
    (4) 3atan(-----) - 6atan(-----)
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 730
```

```
--S 731 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 731
)clear all
--S 732 of 1369
t0:=sqrt(-9+4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
         +----+
--R
        1 2
     \|4x - 9
--R
--R (1) -----
       2
--R
--R
          X
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 732
--S 733 of 1369
r0:=2*atanh(2*x/sqrt(-9+4*x^2))-sqrt(-9+4*x^2)/x
--R
--R
--R
                   2x | 2
--R
--R
        2x \operatorname{atanh}(-----) - |4x - 9|
           +----+
--R
                1 2
--R
--R
               \|4x - 9
--R
--R
                     x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 733
--S 734 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
             --R
--R
--R
       (-2x|4x - 9 + 4x)\log(|4x - 9 - 2x) + 9
--R
   (3) -----
                      +----+
--R
--R
                     1 2
                                  2
--R
                     x \mid 4x - 9 - 2x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--E 734
--S 735 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              1 2
--R
--R (4) - 2\log(\4x - 9 - 2x) - 2atanh(-----) - 2
--R
                                   +----+
                                    1 2
--R
--R
                                    \|4x - 9
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 735
--S 736 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 736
)clear all
--S 737 of 1369
t0:=sqrt(-9+4*x^2)/x^3
--R
--R
       +----+
--R
--R | 2
--R \|4x - 9
--R (1) -----
     3
x
--R
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 737
--S 738 of 1369
r0:=2/3*atan(1/3*sqrt(-9+4*x^2))-1/2*sqrt(-9+4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
                +----+
         2 \|4x - 9 | 2
--R
--R
        4x \arctan(-----) - 3|4x - 9
--R
--R
--R (2) -----
--R
                   2
--R
                     6x
```

```
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 738
--S 739 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
           +----+ | 2
3 | 2 | 4 | 2 | \|4x - 9 - 2x
--R
--R
        (32x \ | 4x - 9 - 64x + 72x ) atan(-----)
--R
--R
--R
--R
                 +----+
          2 | 2 3
--R
--R
        (24x - 27) | 4x - 9 - 48x + 108x
--R /
          +----+
--R
        3 | 2 4 2
--R
--R
      24x \mid 4x - 9 - 48x + 54x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 739
--S 740 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
               --R
--R
--R
         - 2atan(-----) + 4atan(-----)
3 3
--R
--R
--R
--R
                            3
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 740
--S 741 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 741
)clear all
--S 742 of 1369
t0:=sqrt(-9+4*x^2)/x^4
```

```
--R
--R
--R
         +----+
        1 2
--R
       \|4x - 9
--R
--R
   (1) -----
     4
x
--R
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 742
--S 743 of 1369
r0:=1/27*(-9+4*x^2)^(3/2)/x^3
--R
--R
--R
                +----+
--R
        2 | 2
     (4x - 9) | 4x - 9
--R
--R (2) -----
         3
--R
--R
             27x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 743
--S 744 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         3 | 2 4 2
--R
     (16x - 18x) \setminus |4x - 9 - 32x + 72x - 27
--R
--R (3) -----
           +----+
5 3 | 2 6 4
--R
--R
          (16x - 9x) | 4x - 9 - 32x + 54x
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 744
--S 745 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        8
--R
   (4) --
--R
       27
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 745
--S 746 of 1369
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 746
)clear all
--S 747 of 1369
t0:=sqrt(-9+4*x^2)/x^5
--R
--R
--R
         1 2
--R
--R
         \|4x - 9
--R
    (1) -----
          5
--R
--R
           x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 747
--S 748 of 1369
r0:=2/27*atan(1/3*sqrt(-9+4*x^2))-1/4*sqrt(-9+4*x^2)/x^4+_
    1/18*sqrt(-9+4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
         | 2 +----
4 \|4x - 9 2 | 2
--R
--R
--R
         8x atan(-----) + (6x - 27) \setminus |4x - 9|
                  3
--R
    (2) -----
--R
--R
--R
                         108x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 748
--S 749 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                          +----+
               7 5 | 2 8 6 4
--R
          ((1024x - 1152x)|4x - 9 - 2048x + 4608x - 1296x)
--R
--R
               +----+
--R
--R
              1 2
--R
              \|4x - 9 - 2x
         atan(-----)
--R
```

```
3
--R
--R
--R
         6 4 2 | 2 7 5
--R
        (-768x + 5184x - 8262x + 2187) \setminus |4x - 9 + 1536x - 12096x + 27216x
--R
--R
--R
       - 17496x
--R /
--R
                    +----+
         7 5 | 2 8 6 4
--R
--R
      (6912x - 7776x) | 4x - 9 - 13824x + 31104x - 8748x
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 749
--S 750 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
              +----+
--R
                            +----+
          1 2
                              1 2
--R
--R
        - 2atan(-----) + 4atan(-----)
--R
--R
--R
--R
                         27
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 750
--S 751 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 751
)clear all
--S 752 of 1369
t0:=x^5*sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
          +----+
--R.
       5 | 2
--R
   (1) x \mid -4x - 9
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 752
--S 753 of 1369
r0:=-27/64*(-9-4*x^2)^(3/2)-9/160*(-9-4*x^2)^(5/2)-1/448*(-9-4*x^2)^(7/2)
```

```
--R
--R
--R
          6 4 2 | 2
--R
--R
        (40x + 18x - 54x + 243) | - 4x - 9
--R
--R
                      280
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 753
--S 754 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
          12 10 8 6 | 2
--R
        (420x + 7749x + 36855x + 51030x) | - 4x - 9
--R
--R
           14 12 10 8 6 +---+
--R
        (-80x -4536x -44037x -144585x -153090x)\|-1
--R
--R /
--R
                                   +---+ | 2 6
--R
           6 4 2
        (140x + 7560x + 56700x + 102060) | -1 | -4x - 9 + 2940x + 52920x
--R
--R
--R
--R
       238140x + 306180
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 754
--S 755 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
    (4)
--R
--R
           6 4 2
                                      | 2
--R
        (-729x - 39366x - 295245x - 531441) | -4x - 9
--R
--R
--R
                    4
        (15309x + 275562x + 1240029x + 1594323) | -1
--R
--R /
--R
                                     +---+ | 2
--R
                        2
        (280x + 15120x + 113400x + 204120) = 1 = 4x - 9 + 5880x
--R
--R
--R
       105840x + 476280x + 612360
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 755
--S 756 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 756
)clear all
--S 757 of 1369
t0:=x^4*sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
          +----+
--R
        4 | 2
--R (1) x \mid -4x - 9
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 757
--S 758 of 1369
\verb"r0:=-729/512*atan(2*x/sqrt(-9-4*x^2))-81/256*x*sqrt(-9-4*x^2)+\_
    3/32*x^3*sqrt(-9-4*x^2)+1/6*x^5*sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
                                   5 3 | 2
--R
                      2x
         - 2187atan(-----) + (256x + 144x - 486x)\|- 4x - 9
--R
--R
                  +----+
                  1 2
--R
--R
                  1-4x-9
--R
    (2) -----
--R
                                 1536
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 758
--S 759 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                  4 2 | 2
--R
            (-19683x - 236196x - 531441) | -4x - 9
--R
--R
--R
--R
          (4374x + 177147x + 1062882x + 1594323) | -1
--R
```

```
--R
           1 2
--R
--R
           |-4x - 9 + (2x - 3)| - 1
        log(-----)
--R
--R
--R
--R
             4 2
--R
         (19683x + 236196x + 531441) | - 4x - 9
--R
--R
             6 4 2 +---+
--R
          (- 4374x - 177147x - 1062882x - 1594323)\|- 1
--R
--R
--R
           1 2
--R
--R
           |-4x - 9 + (-2x - 3)| - 1
        log(-----)
--R
--R
--R
--R
         11 9 7 5 3 | 2
--R
       (512x + 21024x + 135108x + 217242x - 131220x - 354294x) | - 4x - 9
--R
--R
         11 9 7 5 3 +---+
--R
       (- 9216x - 136512x - 554040x - 590490x + 629856x + 1062882x)\|- 1
--R
--R /
--R
                           +---+ | 2 6 4
          4 2
--R
--R
       (13824x + 165888x + 373248) | -1 | -4x -9 + 3072x + 124416x
--R
--R
          2
--R
      746496x + 1119744
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 759
--S 760 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
             4 2 | 2
--R
--R.
         (-6561x - 78732x - 177147) | -4x - 9
--R
            6 4 2 +---+
--R
          (1458x + 59049x + 354294x + 531441) | - 1
--R
--R
           +----+
--R
           | 2
--R
           |-4x - 9 + (2x - 3)| - 1
--R
```

```
--R
--R
--R
--R
              4 2 | 2
--R
           (6561x + 78732x + 177147) | - 4x - 9
--R
--R
                             2
               6 4
--R
          (-1458x - 59049x - 354294x - 531441) | -1
--R
--R
--R
            1 2
--R
            --R
--R
--R
--R
--R
              4 2 +---+ | 2 6 4
--R
           (6561x + 78732x + 177147) | -1 | -4x -9 + 1458x + 59049x
--R
--R
--R
          354294x + 531441
--R
--R
--R
               2x
         atan(----)
--R
--R
             1 2
--R
--R
             \ |-4x - 9
--R /
--R
                            +----+
+---+ | 2 6 4
           4 2
--R
       (4608x + 55296x + 124416) | - 1 | - 4x - 9 + 1024x + 41472x
--R
--R
--R
--R
       248832x + 373248
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 760
--S 761 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 761
)clear all
--S 762 of 1369
t0:=x^3*sqrt(-9-4*x^2)
```

```
--R
--R
--R +-----
--R 3 | 2
--R (1) x \mid -4x - 9
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 762
--S 763 of 1369
r0:=3/16*(-9-4*x^2)^(3/2)+1/80*(-9-4*x^2)^(5/2)
--R
--R
        4 2 | 2
--R
       (8x + 6x - 27) | - 4x - 9
--R
--R
--R
         40
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 763
--S 764 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
       8 6 4 2
--R
--R
      (60x + 585x + 1215x) | - 4x - 9
      + 10 8 6 4 +---+ - 3645x )\|- 1
--R
--R
       (- 16x - 480x - 2565x - 3645x)\|-1
--R
--R /
       +----+
4 2 +---+ | 2 4 2
--R
--R
      (20x + 540x + 1620) | -1 | -4x - 9 + 300x + 2700x + 4860
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 764
--S 765 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
      4 2 | 2 4 2 +---+
--R
--R
    (81x + 2187x + 6561) \mid -4x - 9 + (-1215x - 10935x - 19683) \mid -1
--R
         4 2 +---+ | 2 4 2
--R
     (40x + 1080x + 3240) = 1 = 4x - 9 + 600x + 5400x + 9720
--R
```

```
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 765
--S 766 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 766
)clear all
--S 767 of 1369
t0:=x^2*sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
          +----+
--R 2 | 2
--R (1) x \mid -4x - 9
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 767
--S 768 of 1369
\texttt{r0:=81/64*atan(2*x/sqrt(-9-4*x^2))+9/32*x*sqrt(-9-4*x^2)+1/4*x^3*sqrt(-9-4*x^2)}
--R
--R
--R
                  2x 3 | 2
--R
        81atan(------) + (16x + 18x) | - 4x - 9
--R
--R
         +----+
              1 2
--R
--R
             \|- 4x - 9
--R
   (2) -----
--R
                          64
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 768
--S 769 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
            2 | 2 | 4 | 2 +---+
--R
         ((486x + 2187)) - 4x - 9 + (-162x - 2916x - 6561) - 1)
--R
--R
--R
            | 2 +---+
--R
            |-4x - 9 + (2x - 3)| - 1
--R
```

```
--R
--R
--R
            +----+
2 | 2 4 2 +---+
--R
--R
        ((-486x - 2187))|-4x - 9 + (162x + 2916x + 6561)|-1)
--R
--R
--R
            1 2
--R
           |-4x - 9 + (-2x - 3)| - 1
--R
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
         7 5 3 | 2
--R
--R
       (32x + 612x + 1944x + 1458x) | -4x - 9
--R
          7 5 3 +---+
--R
       (-384x - 3024x - 6804x - 4374x) | -1
--R
--R /
--R
                    +----+
--R
               +---+ | 2 4 2
--R
      (384x + 1728) | -1 | -4x -9 + 128x + 2304x + 5184
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 769
--S 770 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
            2 | 2
--R
--R
        ((486x + 2187)\|- 4x - 9 + (- 162x - 2916x - 6561)\|- 1)
--R
--R
--R
--R
           1 2
--R
           |-4x - 9 + (2x - 3)| - 1
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
                     +----+
             2 | 2 4 2 +---+
--R
        ((-486x - 2187))|-4x - 9 + (162x + 2916x + 6561))|-1)
--R
--R
--R
            +----+
--R
--R
           |-4x - 9 + (-2x - 3)| - 1
--R
--R
                      X
```

```
--R
--R
           2 +---+ | 2 4 2
--R
        ((- 486x - 2187)\|- 1 \|- 4x - 9 - 162x - 2916x - 6561)
--R
--R
--R
               2x
         atan(-----)
--R
         +----+
--R
             1 2
--R
           \|- 4x - 9
--R
--R /
--R
                     +----+
      2 +---+ | 2 4 2
--R
      (384x + 1728) | - 1 | - 4x - 9 + 128x + 2304x + 5184
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 770
--S 771 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 771
)clear all
--S 772 of 1369
t0:=x*sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R +----+
--R | 2
--R (1) x = -9
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 772
--S 773 of 1369
r0:=-1/12*(-9-4*x^2)^(3/2)
--R
--R
        2 | 2
--R
--R.
   (4x + 9) | - 4x - 9
--R
--R (2) -----
         12
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 773
--S 774 of 1369
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         +----+
4 2 | 2 6 4 2 +---+
--R
--R
      (18x + 81x) = 4x - 9 + (-8x - 108x - 243x) = 1
--R
--R (3) -----
--R
              2 +---+ | 2 2
--R
             (6x + 54) | -1 | -4x - 9 + 54x + 162
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 774
--S 775 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                 +----+
        2 | 2 +---+
--R
--R
      (-9x - 81) | -4x - 9 + (81x + 243) | -1
--R (4) -----
--R
               +----+
         2 +---+ | 2 2
--R
--R
         (4x + 36) | -1 | -4x - 9 + 36x + 108
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 775
--S 776 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 776
)clear all
--S 777 of 1369
t0:=sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
        +----+
--R
       1 2
--R (1) |-4x - 9|
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 777
--S 778 of 1369
r0:=-9/4*atan(2*x/sqrt(-9-4*x^2))+1/2*x*sqrt(-9-4*x^2)
--R
```

```
--R
--R
              2x | 2
--R
--R
       +----+
--R
            1 2
--R
           \|- 4x - 9
--R
--R
--R
--R
                                   Type: Expression(Integer)
--Е 778
--S 779 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                                 1 2
         --R
--R
      (- 27\|- 4x - 9 + (18x + 81)\|- 1 )log(------)
--R
--R
--R
--R
          2 2 +---+
--R
       (27\|-4x - 9 + (-18x - 81)\|-1)
--R
--R
--R
          1 2
--R
--R
          |-4x - 9 + (-2x - 3)| - 1
--R
       log(-----)
--R
--R
--R
       3 | 2 | 3 +---+
--R
      (4x + 18x) | -4x - 9 + (-24x - 54x) | -1
--R
--R /
      +----+ 2 2
--R
--R
     12 | - 1 | - 4x - 9 + 8x + 36
--R
--R
                            Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 779
--S 780 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                                  1 2
--R
        +----+
```

```
--R
--R
       (- 27\|- 4x - 9 + (18x + 81)\|- 1 )log(------)
--R
--R
           +----+
--R
                  2 +---+
--R
       (27\|-4x - 9 + (-18x - 81)\|-1)
--R
--R
--R
          +----+
           1 2
--R
--R
          |-4x - 9 + (-2x - 3)| - 1
        log(-----)
--R
--R
--R
        +----+
--R
        +---+ | 2 2
--R
                                     2x
--R
       (27\|-1\|-4x - 9 + 18x + 81)atan(-----)
--R
                                   1 2
--R
                                   \|- 4x - 9
--R
--R /
--R
      +---+ | 2 2
--R
     12 | - 1 | - 4x - 9 + 8x + 36
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 780
--S 781 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 781
)clear all
--S 782 of 1369
t0:=sqrt(-9-4*x^2)/x
--R
--R
       +----+
--R
--R | 2
--R \|-4x - 9
--R (1) -----
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 782
--S 783 of 1369
```

```
r0:=-3*atan(1/3*sqrt(-9-4*x^2))+sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
           | 2 +----+
|- 4x - 9 | 2
--R
--R
--R (2) - 3atan(-----) + \|- 4x - 9 --R 3
--R
                                  Type: Expression(Integer)
--Е 783
--S 784 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        --R
--R
      --R
--R
--R
--R
--R
                     +---+ | 2
--R
                    |-1|-4x-9+3
--R
                           Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 784
--S 785 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
  (4)
        +----+

+----+

| 2 +---+

| 2 - 4x - 9 - 3\|- 1
--R
--R
     (- 3\|- 4x - 9 + 9\|- 1 )log(------)
--R
--R
--R
       --R
--R
--R
      --R
--R
--R /
--R
        +----+
     +---+ | 2
--R
    |-1|-4x-9+3
--R
                                  Type: Expression(Integer)
--E 785
```

```
--S 786 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 786
)clear all
--S 787 of 1369
t0:=sqrt(-9-4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
        +----+
--R
        1 2
--R \| -- 4x - 9
--R (1) -----
    2
x
--R
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 787
--S 788 of 1369
r0:=-2*atan(2*x/sqrt(-9-4*x^2))-sqrt(-9-4*x^2)/x
--R
--R
--R
--R
                  2x | 2
--R
        - 2x \arctan(-----) - |- 4x - 9
           +----+
--R
                1 2
--R
--R
              \ |-4x - 9
--R
--R
                    x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 788
--S 789 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
                             | 2 +---+
         --R
--R
      (2x | -1 | -4x -9 +6x)\log(-----)
--R
--R
--R
                                +----+
--R
```

```
--R
--R
--R
     (- 2x\|- 1 \|- 4x  - 9  - 6x)log(------)
--R
--R
      +----+ | 2 2
--R
--R
      3 | - 1 | - 4x - 9 + 4x + 9
--R
--R /
     +----+
| 2 +---+
--R
--R
     x = 4x - 9 - 3x = 1
--R
--R
                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 789
--S 790 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
       +----+
+---+ | 2 | 2 | +---+
+---+ | 2 | \|- 4x - 9 + (2x - 3)\|- 1
--R
--R
      (2\|-1\|-4x -9 +6)log(-----)
--R
--R
--R
--R
                           | 2 +---+
--R
        --R
     (- 2\|- 1 \|- 4x - 9 - 6)log(------)
--R
--R
--R
--R
        +----+
       +----+
| 2 +---+ 2x
--R
--R
      (2|-4x-9-6|-1)atan(-----)
--R
                           1 2
--R
                          --R
--R /
--R
     | 2 +---+
--R
     |-4x - 9 - 3| - 1
--R
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 790
--S 791 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 791
)clear all
--S 792 of 1369
t0:=sqrt(-9-4*x^2)/x^3
--R
--R
--R
--R
        1 2
     \|- 4x - 9
--R
--R (1) -----
--R
--R
          x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 792
--S 793 of 1369
r0:=-2/3*atan(1/3*sqrt(-9-4*x^2))-1/2*sqrt(-9-4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
         2 \|-4x - 9 | 2
--R
        - 4x \arctan(-----) - 3|- 4x - 9
--R
--R
--R
--R
                      2
--R
                      6x
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 793
--S 794 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
            --R
--R
       (-12x \mid -4x - 9 + (8x + 36x) \mid -1) \log(----)
--R
--R
--R
--R
                 +----+
          2 | 2
                           2 +---+
--R
       (-6x - 27) | -4x - 9 + (36x + 81) | -1
--R
--R /
--R
        2 +---+ | 2 4
--R
```

```
--R
      18x \mid -1 \mid -4x - 9 + 12x + 54x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 794
--S 795 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
          +----+

+----+

| 2 2 +---+

| 2 2 ----+
--R
--R
--R
     (- 6\|- 4x - 9 + (4x + 18)\|- 1 )log(------)
--R
--R
--R
--R
         +----+ | 2 | 2
+---+ | 2 | 2 | \|- 4x - 9
--R
--R
       (6 \mid -1 \mid -4x - 9 + 4x + 18) atan(-----)
--R
--R
--R /
--R
     +---+ | 2 2
--R
      9 | -1 | -4x - 9 + 6x + 27
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 795
--S 796 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 796
)clear all
--S 797 of 1369
t0:=sqrt(-9-4*x^2)/x^4
--R
--R
--R
         +----+
--R
        1 2
--R \|- 4x - 9
--R (1) -----
         4
--R
--R
             x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 797
```

```
--S 798 of 1369
r0:=1/27*(-9-4*x^2)^(3/2)/x^3
--R
--R
--R
       2 | 2
--R
    (- 4x - 9)\|- 4x - 9
--R
--R (2) -----
--R
         3
              27x
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 798
--S 799 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         4 2 +---+ | 2 6 4 2
--R
      (36x + 189x + 243) | -1 | -4x - 9 + 16x + 216x + 729x + 729
--R
--R (3) ------
--R
               5 3 | 2
--R
                                  5 3 +---+
              (27x + 243x) | -4x - 9 + (-243x - 729x) | -1
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 799
--S 800 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 800
--S 801 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 801
)clear all
--S 802 of 1369
t0:=sqrt(-9-4*x^2)/x^5
--R
--R
--R
       +----+
```

```
1 2
--R
    | -
||- 4x - 9
--R
--R
    (1) -----
       5
--R
--R
           x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 802
--S 803 of 1369
r0:=2/27*atan(1/3*sqrt(-9-4*x^2))-1/4*sqrt(-9-4*x^2)/x^4-_
    1/18*sqrt(-9-4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
               1 2
--R
         4 \|- 4x - 9 2 | 2
--R
--R
        8x atan(-----) + (- 6x - 27)\|- 4x - 9
--R
--R
--R
--R
                         108x
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 803
--S 804 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
            6 4 2 8 6 4 +---+
--R
         ((48x + 216x) | -4x - 9 + (-16x - 288x - 648x) | -1)
--R
--R
            +----+
| 2 +---+
--R
--R
--R
            --R
         log(-----)
--R
--R
--R
           6 4 2 | 2
--R
        (-12x - 270x - 1458x - 2187) | -4x - 9
--R
--R
--R
               4 2
        (144x + 1620x + 5832x + 6561) | -1
--R
--R /
--R
          6 4 +---+ | 2
--R
      (648x + 2916x) | - 1 | - 4x - 9 + 216x + 3888x + 8748x
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
```

```
--E 804
--S 805 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
                  (4)
--R
                                                --R
 --R
                                       ((12x + 54) | -4x - 9 + (-4x - 72x - 162) | -1)
--R
--R
 --R
                                                     | 2 +---+
 --R
                                              \|- 4x - 9 - 3\|- 1
 --R
                                      log(-----)
 --R
 --R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                       1 2
--R
                                               --R
                                ((-12x - 54))|-1 |-4x - 9 - 4x - 72x - 162)atan(-----)
--R
--R
--R /
--R
                             2 +---+ | 2 4
--R
                          (162x + 729) | -1 | -4x - 9 + 54x + 972x + 2187
--R
--R
                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 805
--S 806 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 806
)clear all
--S 807 of 1369
t0:=x^m/(a+b*x^2)^(1/2)
 --R
 --R
 --R
                                                 m
                                     x
--R
--R
               (1) -----
--R
                                  1 2
--R
                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
```

```
--E 807
--S 808 of 1369
--r0:=x^(1+m)*hypergeometric(1/2,1/2*(1+m),1/2*(3+m),-b*x^2/a)*_
     sqrt((a+b*x^2)/a)/((1+m)*sqrt(a+b*x^2))
--E 808
--S 809 of 1369
--a0:=integrate(t0,x)
--E 809
--S 810 of 1369
--m0:=a0-r0
--E 810
--S 811 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--E 811
)clear all
--S 812 of 1369
t0:=x^5/sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
               5
--R
             X
--R
    (1) -----
    +----+
--R
--R
         1 2
--R
        \|b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 812
--S 813 of 1369
r0:=8/15*a^2*sqrt(a+b*x^2)/b^3-4/15*a*x^2*sqrt(a+b*x^2)/b^2+_
    1/5*x^4*sqrt(a+b*x^2)/b
--R
--R
--R
           2 4 2 2 | 2
--R
--R
        (3b x - 4a b x + 8a) \setminus |b x + a|
--R (2) -----
--R
                        3
--R
                       15b
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 813
--S 814 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R (3)
           --R
--R
     (-15a b x - 40a x) | b x + a + (3b x + 35a b x + 40a x) | a
--R
--R
--R
     2 4 2 2 +-+ | 2 2 4 2 2 3
--R
   (15b x + 180a b x + 240a) | x + a - 75a b x - 300a b x - 240a
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 814
--S 815 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
         3 2 4 4 2 5 | 2
--R
--R
       (8a b x + 96a b x + 128a) \ b x + a
--R
          3 2 4 4 2 5 +-+
--R
       (- 40a b x - 160a b x - 128a )\|a
--R
--R /
--R
        5 4 4 2 2 3 +-+ | 2 5 4 2 4 2
--R
--R
       (15b x + 180a b x + 240a b) | a | b x + a - 75a b x - 300a b x
--R
         3 3
--R
--R
       - 240a b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 815
--S 816 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 816
)clear all
--S 817 of 1369
t0:=x^4/sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
            4
--R
```

```
--R
--R
--R
                                                     1 2
--R
                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 817
--S 818 of 1369
r0:=3/8*a^2*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-_
                        3/8*a*x*sqrt(a+b*x^2)/b^2+1/4*x^3*sqrt(a+b*x^2)/b
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                    3 +-+ | 2
--R
                                                                                                           x\|b
                                                    3a atanh(-----) + (2b x - 3a x)\|b \|b x + a
 --R
 --R
                                                                                                 +----+
--R
                                                                                                 1 2
--R
                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                                            2 +-+
--R
                                                                                                                                                                  8b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 818
--S 819 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                             (3)
--R
                             Ε
--R
                                                                                          2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2 4
--R
--R
                                                                    ((12a b x + 24a) | a | b x + a - 3a b x - 24a b x - 24a)
--R
                                                                                                                                                                     +----+
| 2 2
--R
--R
                                                                                              +-+ +-+
--R
                                                                                      (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
 --R
                                                                  log(-----)
 --R
                                                                                                                                                                                    +-+ | 2
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                 --R
--R
                                                                                 3 7 2 5 2 3 3 +-+ | 2
--R
--R
                                                          (-2b x - 13a b x + 8a b x + 24a x) | b | b x + a
--R
--R
                                                                       3 7 2 5
                                                                                                                                                             2 3 3 +-+ +-+
--R
                                                          (8b x + 12a b x - 20a b x - 24a x) | a | b
--R
                                /
--R
                                                                                                                                                                            +----+
```

```
3 2 2 +-+ +-+ | 2 4 4 3 2 2 2 +-+
--R
--R
                       (32b x + 64a b )\|a \|b \|b x + a + (- 8b x - 64a b x - 64a b )\|b
--R
--R
--R
                                                                                     +----+
                                            2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2 4
--R
--R
                                ((24a b x + 48a) | a | b x + a - 6a b x - 48a b x - 48a)
--R
--R
                                                        +----+
                                             +---+ | 2
                                                                                        +---+ +-+
--R
                                          \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
                                atan(-----)
--R
                                                                        b x
--R
--R
--R
--R
                                    3 7 2 5 2 3 3 +---+ | 2
--R.
                           (-2b x - 13a b x + 8a b x + 24a x) | -b | b x + a
--R
--R
                                3 7 2 5 2 3 3 +---+ +-+
--R
                            (8b x + 12a b x - 20a b x - 24a x) | - b | a
--R
--R
                                    3 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
                           (32b x + 64a b) = b = a + a
--R
                                      4 4 3 2 2 2 +---+
--R
--R
                            (-8b x - 64a b x - 64a b) = b
--R
--R
                                                                                        Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 819
--S 820 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
             (4)
--R
                                                                         2 2 +-+ +-+
                                          +-+ +-+
--R
--R
                          2 (|a|b - bx)|bx + a + (-bx - a)|b + bx|a
--R
                       3a log(-----)
                                                                                           +----+
--R
                                                                                     +-+ | 2
--R
--R.
                                                                                   --R
                                                          +-+
--R
--R
                                2
                                                   x\|b
                       - 3a atanh(----)
--R
--R
                                                  +----+
                                                  1 2
--R
--R
                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
```

```
--R /
                             2 +-+
--R
--R
                        8b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 820
--S 821 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                 (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 821
--S 822 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                   (6)
--R
                                                                                                                                                                                            +---+ | 2 +---+ +-+
--R
                           2 +---+ x\|b 2 +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
--R
                       - 3a \|- b atanh(-----) + 6a \|b atan(------)
                                                                                                                                                                                                     bх
--R
                                                                                       | 2
--R
--R
                                                                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                 2 +---+ +-+
--R
                                                                                                                                          8b \|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 822
--S 823 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
                 (7) 0
--R
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 823
)clear all
--S 824 of 1369
t0:=x^3/sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
 --R
                                                               3
 --R
--R (1) -----
                                       +----+
--R
```

```
1 2
--R
--R
                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 824
--S 825 of 1369
r0:=-2/3*a*sqrt(a+b*x^2)/b^2+1/3*x^2*sqrt(a+b*x^2)/b
--R
--R
--R
--R
                                                              1 2
--R
                              (b x - 2a) \setminus |b x + a|
              (2) -----
--R
--R
--R
                                                             3b
--R
                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 825
--S 826 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                                          4 | 2 6 4 +-+
--R
--R
                                   - 3a x \|b x + a + (b x + 3a x )\|a
--R
--R
                                    2 +-+ | 2 2 2
--R
--R
                               (3b x + 12a) | a | b x + a - 9a b x - 12a
--R
                                                                                                                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 826
--S 827 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
                                          2 2 3 | 2 2 2 3 +-+
--R
--R
--R
                              (-2abx - 8a) | bx + a + (6abx + 8a) | a
                 (4) -----
--R
--R
                                   3 2 2 +-+ | 2 3 2
--R
--R
                              (3b x + 12a b) | a | b x + a - 9a b x - 12a b
--R
                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 827
--S 828 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 828
)clear all
--S 829 of 1369
t0:=x^2/sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                                                     2
                                               x
--R
                (1) -----
--R
--R
--R
                                      1 2
--R
                               \|b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 829
--S 830 of 1369
{\tt r0:=-1/2*a*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(3/2)+1/2*x*sqrt(a+b*x^2)/b}
--R
--R
--R
--R
                                                                                                        +-+ | 2
                                                                                   x \mid b
                                      - a atanh(-----) + x \mid b \mid b x + a
--R
                                                                            +----+
--R
--R
                                                                           1 2
--R
                                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                         +-+
--R
                                                                                                     2b\|b
--R
                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 830
--S 831 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                     (3)
--R
                    [
--R
                                                           +----+
+-+ | 2 2 2
--R
--R
                                                 (2a|a|bx+a-abx-2a)
--R
--R
                                                                                                                    +----+
                                                                   +-+ +-+ | 2 2
--R
--R
                                                               (\a \b + b x)\b x + a + (-b x - a)\b - b x\a
--R
                                                                                                                                                  +----+
--R
```

```
+-+ | 2
--R
--R
                         --R
--R
          3 +-+ | 2 3 +-+ +-+
--R
--R
        (-b x - 2a x) |b| |b x + a + (2b x + 2a x) |a| |b|
--R
--R
             +----+
        +-+ +-+ | 2 2 2 +-+
--R
      4b\|a\|b\|b\ x + a + (-2b x - 4a b)\|b\
--R
--R
--R
--R
             +-+ | 2 2 2
--R
--R
         (-4a|a|bx+a+2abx+4a)
--R
--R
                 +----+
             +---+ | 2
--R
                          +---+ +-+
            --R
--R
         atan(-----)
--R
                      bх
--R
--R
          3 +---+ | 2 3 +---+ +-+
--R
--R
        (-b x - 2a x) | -b | b x + a + (2b x + 2a x) | -b | a
--R
               +----+
--R
        +---+ +-+ | 2 2 2 +---+
--R
--R
      4b \mid -b \mid a \mid b x + a + (-2b x - 4a b) \mid -b
--R.
--R
                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 831
--S 832 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                     1 2
           +-+ +-+
--R
--R
          (\a \b + b x)\b x + a + (-b x - a)\b - b x\a
--R
      a log(-----)
--R.
                         +----+
                        +-+ | 2
--R
--R
                        --R
--R
               +-+
--R
              x\|b
      a atanh(-----)
--R
             +----+
--R
```

```
--R
 --R
                                                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
 --R /
 --R
                                                                       +-+
 --R
                                                      2b\|b
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
 --E 832
 --S 833 of 1369
 d0a:=D(m0a,x)
 --R
 --R
                                 (5) 0
  --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
 --Е 833
 --S 834 of 1369
m0b:=a0.2-r0
 --R
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   +---+ | 2 +---+ +-+
 --R
                                                                                                                                                                                                                              +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
                                                                                 +---+ x\|b
 --R
                                                                           a\|- b atanh(-----) - 2a\|b atan(-----)
 --R
 --R
                                                                                                                                                                         +----+
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              b x
                                                                                                                                                                     | 2
 --R
 --R
                                                                                                                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                               +---+ +-+
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                               2b\|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
 --Е 834
--S 835 of 1369
 d0b:=D(m0b,x)
 --R
 --R
                               (7) 0
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
 --E 835
)clear all
 --S 836 of 1369
t0:=x/sqrt(a+b*x^2)
 --R
 --R
 --R
 --R (1) -----
                                                                        +----+
 --R
```

```
1 2
--R
--R
                                       \|b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 836
--S 837 of 1369
r0:=sqrt(a+b*x^2)/b
--R
--R
--R
--R
                                       1 2
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                 (2) -----
--R
                                           b
--R
--R
                                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 837
--S 838 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                                               2 +-+
                                           x \|a
--R
--R (3) -----
--R
                                         +----+
                                     +-+ | 2
--R
--R
                                       --R
                                                                                                                                                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 838
--S 839 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
                                        +----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
                                    a\|b x + a - a\|a
--R (4) -----
                    +----+
--R
--R
--R
                                       b \mid a \mid b x + a - a b
--R
                                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 839
--S 840 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
```

```
--E 840
)clear all
--S 841 of 1369
t0:=1/sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
                (1) -----
--R
                    +----+
--R
                                     1 2
--R
                               \|b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 841
--S 842 of 1369
r0:=atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/sqrt(b)
--R
--R
--R
--R
                                                                x\|b
--R
                                     atanh(-----)
--R
                                                         1 2
--R
--R
                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                           +-+
--R
                                                            \|b
--R
                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 842
--S 843 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                     (3)
--R
                                          --R
--R
                                    (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
--R
--R
--R
                                                                                                        +-+ | 2
--R
                                                                                                  \|a \|b x + a - a
--R
                  [-----,
                                                                                                                           +-+
--R
--R
                                                                                                                            \|b
--R
--R
                                           +---+ | 2 +---+ +-+
                                       \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
```

```
--R
--R
                                                                           ъ х
--R
                         -----]
--R
                                                                       +---+
                                                                      \|- b
--R
                                                                                                                     Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--R
--E 843
--S 844 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                   (4)
--R
--R
                                              +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
                                           (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
--R
                              log(-----)
--R
                                                                                                                +----+
--R
                                                                                                      +-+ | 2
--R
                                                                                                     --R
--R
                                                                     +-+
--R
                                                              x/|b
--R
                              - atanh(-----)
--R
                                                         +----+
                                                         | 2
--R
--R
                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                           +-+
--R
                         \|b
--R
                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 844
--S 845 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
               (5) 0
--R
                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 845
--S 846 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                              +----+
                                                                                                                                                           +---+ | 2 +---+ +-+
--R
                                                                                                                   +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
                                                                                     x \mid b
                                  - \|- b atanh(-----) + 2\|b atan(------)
--R
                                                                               +----+
--R
                                                                                                                                                                                                   bх
```

```
| 2
--R
--R
                                                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                      (6) -----
--R
                                                                                                                                                               +---+ +-+
--R
                                                                                                                                                              \|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 846
--S 847 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
                  (7) 0
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 847
)clear all
--S 848 of 1369
t0:=1/(x*sqrt(a+b*x^2))
--R
                                            1
--R
--R (1) -----
                      +---
| 2
--R
--R
--R
                                        x \mid b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 848
--S 849 of 1369
r0:=-atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/sqrt(a)
--R
--R
 --R
                                                                        | 2
 --R
 --R
                                                                  \|b x + a
                                         atanh(-----)
+-+
 --R
                                                     \|a
----
 --R
 --R
 --R
--R
                                                                             +-+
--R
                                                                            \|a
--R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 849
--S 850 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
+----+
| 2 +-+
--R
--R
         +-+ \|b x + a - \|a
--R
        \|a log(-----) x
--R
--R
    (3) -----
--R
--R
                  a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 850
--S 851 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
          +----+
| 2 +-+ | 2
||bx + a - ||a | ||bx + a
--R
--R
--R
        log(-----) + atanh(-----)
--R
--R
--R
                                      \|a
    (4) -----
--R
--R
                         +-+
--R
                         \|a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 851
--S 852 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 852
)clear all
--S 853 of 1369
t0:=1/(x^2*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
--R
            1
--R (1) -----
--R +----+
        2 | 2
--R
--R
       x \|b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 853
--S 854 of 1369
r0:=-sqrt(a+b*x^2)/(a*x)
```

```
--R
--R
--R +----+

--R | 2

--R | b x + a
--R
--R (2) - -----
          a x
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 854
--S 855 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        +----+
+-+ | 2 2
--R
--R \|a \|b x + a - b x - a
--R (3) -----
          +----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
        a x \mid b x + a - a x \mid a
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 855
--S 856 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 856
--S 857 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 857
)clear all
--S 858 of 1369
t0:=1/(x^3*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R +-----+
--R 3 | 2
```

```
--R
        x \mid b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 858
--S 859 of 1369
r0:=1/2*b*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)-1/2*sqrt(a+b*x^2)/(a*x^2)
--R
--R
                1 2
--R
              | 2 +-----
||b x + a +-+ | 2
--R
        b x atanh(-----) - |a|b x + a
--R
                  +-+
--R
--R
                   \|a
--R
    (2) -----
--R
                      2 +-+
--R
                    2a x \|a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 859
--S 860 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                                             | 2 +-+
--R
              --R
--R
       (- 2a b x \|b x + a + (b x + 2a b x )\|a )log(-----)
--R
--R
                  +----+
--R
          2 2 | 2
--R
--R
       (a b x + 2a) | b x + a + (-2a b x - 2a) | a
--R /
            +----+
--R
       2 2 +-+ | 2 2 4 3 2
--R
      4a x \|a \|b x + a - 2a b x - 4a x
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 860
--S 861 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              +----+
              | 2 +-+
                                     | 2
--R
             \| b x + a - \| a \| b x + a
--R
        - b log(-----) - b atanh(-----)
--R
                x
                                        +-+
--R
```

```
--R
                                            \|a
--R
--R
                           +-+
--R
                           2a\|a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 861
--S 862 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 862
)clear all
--S 863 of 1369
t0:=1/(x^4*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
--R
      1
--R (1) -----
--R +-----+
--R 4 | 2
--R x \|b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 863
--S 864 of 1369
r0:=-1/3*sqrt(a+b*x^2)/(a*x^3)+2/3*b*sqrt(a+b*x^2)/(a^2*x)
--R
--R
        +----+
2 | 2
--R
--R
      (2b x - a)\|b x + a
--R
--R (2) -----
          2 3
--R
               За х
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 864
--S 865 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R 2 4 2 2 +-+ | 2 3 6 2 4 2 2 3
--R (- 6b x - 5a b x + 4a )\|a \|b x + a + 2b x + 9a b x + 3a b x - 4a
```

```
--R
             2 5 3 3 | 2 2 5 3 3 +-+
--R
--R
            (3a b x + 12a x) | b x + a + (- 9a b x - 12a x) | a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 865
--S 866 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 866
--S 867 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 867
)clear all
--S 868 of 1369
t0:=1/(x^5*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
      1
--R
--R (1) -----
--R +----+
        5 | 2
--R
--R
       x \mid b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 868
--S 869 of 1369
r0:=-3/8*b^2*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)-_
    1/4*sqrt(a+b*x^2)/(a*x^4)+3/8*b*sqrt(a+b*x^2)/(a^2*x^2)
--R
--R
--R
                    +----+
                    1 2
--R
           2 4 \|b x + a 2 +-+ | 2
--R
        - 3b \times atanh(-----) + (3b \times - 2a)|a \mid b \times + a
--R
--R
--R
                      \|a
--R (2) ------
--R
                             2 4 +-+
```

```
--R
                          8a x \|a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 869
--S 870 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
--R
                3 6 2 2 4 | 2
--R
--R
            (12a b x + 24a b x) \mid b x + a
--R
               4 8 3 6 2 2 4 +-+
--R
--R
            (- 3b x - 24a b x - 24a b x )\|a
--R
--R
             +----+
            1 2
--R
--R
            --R
         log(-----)
--R
                 x
--R
--R
--R
             3 6 2 2 4 3 2 4 | 2
--R
       (- 3a b x - 22a b x - 8a b x + 16a )\|b x + a
--R
--R
           3 6 2 2 4 4 +-+
--R
       (12a b x + 28a b x - 16a) | a
--R /
--R
                        +----+
         3 6 4 4 +-+ | 2 3 2 8 4 6 5 4
--R
--R
      (32a b x + 64a x) | a | b x + a - 8a b x - 64a b x - 64a x
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 870
--S 871 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              | 2
                                      1 2
--R
                        +-+
         2 \|b x + a - \|a 2 \|b x + a
--R
--R
        3b log(-----) + 3b atanh(-----)
--R
                                         +-+
--R
                                         |a|
--R
    (4) -----
--R
                           2 +-+
--R
                         8a \|a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 871
```

```
--S 872 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 872
)clear all
--S 873 of 1369
t0:=x^m/(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                    m
--R
                  X
--R (1) -----
      2 | 2
--R
--R
--R
        (b x + a) \setminus |b x + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 873
--S 874 of 1369
--r0:=x^{(1+m)}/(a*sqrt(a+b*x^2))-m*x^{(1+m)}*_
      hypergeometric(1/2,1/2*(1+m),1/2*(3+m),-b*x^2/a)*_
      sqrt((a+b*x^2)/a)/(a*(1+m)*sqrt(a+b*x^2))
--E 874
--S 875 of 1369
--a0:=integrate(t0,x)
--E 875
--S 876 of 1369
--m0:=a0-r0
--Е 876
--S 877 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--E 877
)clear all
--S 878 of 1369
t0:=x^5/(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                    5
--R
                   X
```

```
--R (1) -----
        +----+
2 | 2
--R
--R
--R
        (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 878
--S 879 of 1369
r0:=1/3*(a+b*x^2)^(3/2)/b^3-a^2/(b^3*sqrt(a+b*x^2))-2*a*sqrt(a+b*x^2)/b^3
--R
--R
         2 4
                 2 2
--R
        b x - 4a b x - 8a
--R
--R
          +----+
--R
--R
           3 | 2
--R
          3b \|b x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 879
--S 880 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                         6 | 2 8 6 +-+
--R
--R
                    -4a \times |b \times +a + (b \times +4a \times)|a
--R
--R
         24 2 2 +-+ | 2 24 22 3
--R
--R
        (3b x + 24a b x + 24a )\|a \|b x + a - 12a b x - 36a b x - 24a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 880
--S 881 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             2 2 3 +-+ | 2 2 2 4 3 2 4
--R
--R
         (-32a b x - 64a) | a | b x + a + 8a b x + 64a b x + 64a
--R
--R.
               +----+
            4 2 2 3 | 2 5 4 4 2 2 3 +-+
--R
        (12a b x + 24a b) | b x + a + (-3b x - 24a b x - 24a b) | a
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 881
--S 882 of 1369
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R
               (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 882
)clear all
--S 883 of 1369
t0:=x^4/(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                                                                       4
--R
                                                                  x
--R
                 (1) -----
                  2 | 2
--R
--R
--R
                             (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 883
--S 884 of 1369
r0:=-3/2*a*atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-_
                x^3/(b*sqrt(a+b*x^2))+3/2*x*sqrt(a+b*x^2)/b^2
--R
--R
--R
                                               --R
--R
                                   - 3a \mid b x + a a tanh(-----) + (b x + 3a x) \mid b
--R
                                                                                            +----+
                                                                                                        1 2
--R
--R
                                                                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                                                                                    2 +-+ | 2
                                                                                              2b \mid b \mid b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 884
--S 885 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               (3)
--R
               [
--R
                                                                                                                  +----+
                                                                   2 2 +-+ | 2 2 4 2 2
--R
--R
                                              ((9a b x + 12a )\|a \|b x + a - 3a b x - 15a b x - 12a )
--R
--R
                                                                                                                  +----+
```

```
+-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
             (\a \b + b x)\b x + a + (-b x - a)\b - b x\a
--R
--R
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
                           \|a \|b x + a - a
--R
--R
           2 5 3 2 +-+ | 2
--R
--R
         (-bx - 7abx - 12ax) | b | bx + a
--R
                   3
                        2 +-+ +-+
--R
          2 5
--R
        (3b x + 13a b x + 12a x) | a | b
--R
--R
        3 2 2 +-+ +-+ | 2 4 4 3 2 2 2 +-+
--R
--R.
       (6b x + 8a b )\|a \|b \|b x + a + (- 2b x - 10a b x - 8a b )\|b
--R
--R
--R
                             +----+
                 2 2 +-+ | 2 2 4 2 2 3
--R
--R
          ((-18a b x - 24a) | a | b x + a + 6a b x + 30a b x + 24a)
--R
--R
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
--R
          atan(-----)
--R
                      bх
--R
--R
          2 5 3 2 +---+ | 2
--R
--R
         (-bx - 7abx - 12ax) | -b | bx + a
--R
          2 5 3 2 +---+ +-+
--R
--R
        (3b x + 13a b x + 12a x) = b = a
--R
--R
                          +----+
--R
        3 2 2 +---+ +-+ | 2 4 4 3 2 2 2 +---+
--R
       (6b x + 8a b) | - b | a | b x + a + (- 2b x - 10a b x - 8a b) | - b
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 885
--S 886 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                       1 2
             +-+ +-+
--R
                                      2
                                           +-+ +-+
```

```
--R
                                                          (\a \b + b x)\b x + a + (-b x - a)\b - b x\a
--R
--R
                                                                                                                             +-+ | 2
--R
--R
                                                                                                                           --R
--R
--R
                                                                       x\|b
                                  3a atanh(-----)
--R
                                                        +----+
--R
--R
                                                                  1 2
                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R /
                              2 +-+
--R
--R
                          2b \|b
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 886
--S 887 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
               (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 887
--S 888 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                 (6)
--R
                                                                                                                                                                                     +----+
                                                                                                                                                              +---+ | 2 +---+ +-+
                         +-+ +---+ | 2 +---+ +-+
+---+ | x\|b +-+ \|- b\|b x + a - \|- b\|a
--R
--R
                   3a\|- b atanh(------) - 6a\|b atan(------)
--R
--R
                                                                                                                                                                                                         bх
                                                                     1 2
--R
--R
                                                                \|b x + a
--R
--R
                                                                                                                               2 +---+ +-+
--R
                                                                                                                        2b \|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 888
--S 889 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 889
)clear all
--S 890 of 1369
t0:=x^3/(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
                3
--R
               X
--R (1) -----
    2 | 2
--R
--R
       (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 890
--S 891 of 1369
r0:=a/(b^2*sqrt(a+b*x^2))+sqrt(a+b*x^2)/b^2
--R
--R
--R
          2
--R b x + 2a
--R (2) -----
--R
        2 | 2
--R
       b \|b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 891
--S 892 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                      4 +-+
--R
                     x \|a
--R (3) -----
          2 +--+ | 2 2 2
--R
--R
--R
        (b x + 2a) \setminus |a \setminus |b x + a - 2a b x - 2a
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 892
--S 893 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
           +-+ | 2 2 2
--R
         4a\|a \|b x + a - 2a b x - 4a
--R
```

```
--R +----+
--R 2 | 2 3 2 2 +-+
--R
         2a b \|b x + a + (- b x - 2a b )\|a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 893
--S 894 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 894
)clear all
--S 895 of 1369
t0:=x^2/(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                 2
--R
                X
--R (1) -----
     2 | 2
--R
--R
--R
       (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 895
--S 896 of 1369
r0:=atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(3/2)-x/(b*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
         +----+ +-+
| 2 x\|b +-+
--R
--R
         \|b x + a atanh(-----) - x\|b
--R
                 +----+
--R
                        1 2
--R
                      \b x + a
--R
--R
--R
                   +-+ | 2
--R
--R
                  b \mid b \mid b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 896
--S 897 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (3)
--R
    [
--R
             +----+
          +-+ | 2 2
--R
--R
         ( |a |b x + a - b x - a)
--R
--R
             +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
         log(-----)
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
--R
                         --R
--R
         +-+ | 2 +-+ +-+
--R
--R
        x \mid b \mid b x + a - x \mid a \mid b
--R
--R
             +----+
        +-+ +-+ | 2 2 2 +-+
--R
--R
      b | a | b | b x + a + (-bx - ab) | b
--R
--R
--R
                                 +---+ | 2 +---+ +-+
--R
          +-+ | 2 | 2 | \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
--R
        (2\|a \|b x + a - 2b x - 2a)atan(-----)
--R
                                          bх
--R
--R
        +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
       x = b \le x + a - x = b \le a
--R
--R
             +----+
       +---+ +-+ | 2 2 2 +---+
--R
      b = b = b = a + (-bx - ab) = b
--R
--R
--R
                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 897
--S 898 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                     +----+
          +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
         (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
--R
      log(-----)
```

```
--R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                      +-+ | 2
 --R
                                                                                                                                                                                                                                 --R
--R
                                                                                                                                                           +-+
--R
                                                                                                                                           x\|b
                                                                   - atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                1 2
--R
--R
                                                                                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
--R
                                                      b\|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 898
--S 899 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                                  (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 899
--S 900 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                                            +-+
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    +---+ | 2 +---+ +-+
                                                                                                                                                                                           x\|b +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
                                                                           - \|- b atanh(------) + 2\|b atan(------)
--R
--R
                                                                                                                                                                               +----+
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    b x
                                                                                                                                                                              | 2
--R
 --R
                                                                                                                                                                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  +---+ +-+
                                                                                                                                                                                                                                                                                       b\|- b \|b
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 900
--S 901 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                                (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 901
)clear all
```

```
--S 902 of 1369
t0:=x/(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
--R (1) -----
    +----+
2 | 2
--R
--R
       (b x + a) \setminus |b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 902
--S 903 of 1369
r0:=(-1)/(b*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
--R
         1
--R (2) - -----
--R +-----+
--R | 2
--R
       b \mid b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 903
--S 904 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                 2 +-+
--R
                x \|a
--R (3) -----
    +----+
+-+ | 2 2 2
--R
--R
--R
       a\|a \|b x + a - a b x - a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 904
--S 905 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             +----+
          +-+ | 2
--R
--R
         - \|a \|b x + a + a
--R (4) -----
         +----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
        a b \mid b x + a - a b \mid a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 905
--S 906 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 906
)clear all
--S 907 of 1369
t0:=1/(a+b*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
          1
--R
     2 | 2
--R
--R
--R
         (b x + a) \setminus |b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 907
--S 908 of 1369
r0:=x/(a*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
      x
--R
--R (2) -----
--R +----+
--R | 2
--R
       a \mid b x + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 908
--S 909 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               | 2 +-+
--R
--R
           -x\parallel bx + a + x\parallel a
--R (3) -----
         +-----+
+-+ | 2 2 2
--R
--R
--R
         a\|a \|b x + a - a b x - a
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 909
```

```
--S 910 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 910
--S 911 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 911
)clear all
--S 912 of 1369
t0:=1/(x*(a+b*x^2)^(3/2))
--R
--R
          1
--R (1) -----
         3 | 2
--R
--R
--R
         (b x + a x) \setminus |b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 912
--S 913 of 1369
r0:=-atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(3/2)+1/(a*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
--R
          +-----+ | 2
| 2 \|b x + a +-+
--R
--R
        - \|b x + a atanh(-----) + \|a +-+
--R
--R
--R
                             \|a
--R
--R
                    +-+ | 2
--R
--R
                   a \leq a \leq x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 913
--S 914 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
                                    | 2 +-+
          +-----+ | 2 +-+ | 2 +-+ | 2 2 +-+
--R
--R
        --R
--R
--R
--R
                      2 +-+ | 2 2 2 3
--R
                      a \|a \|b x + a - a b x - a
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 914
--S 915 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                         +----+
        +-----+ | 2 +-+
| 2 +-+ \|b x + a - \|a
                         | 2 +-+
--R
--R
--R
       (\|b x + a - \|a )log(-----)
--R
--R
--R
                           | 2 +-----+
||b x + a | 2 +-+
--R
        | 2 +-+
--R
--R
       (\b x + a - \a - \a) atanh(-----) + \b x + a - \a
--R
                              +-+
--R
                              \|a
--R /
--R
         +----+
      +-+ | 2 2
--R
--R
     a \le a \le a - a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 915
--S 916 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 916
)clear all
--S 917 of 1369
t0:=1/(x^2*(a+b*x^2)^(3/2))
--R
```

```
--R
--R
--R (1) -----
--R
                +----+
       4 2 | 2
--R
       (b x + a x )\|b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 917
--S 918 of 1369
r0:=1/(a*x*sqrt(a+b*x^2))-2*sqrt(a+b*x^2)/(a^2*x)
--R
--R
--R
--R
         - 2b x - a
--R (2) -----
--R
         +----+
--R
       2 | 2
--R
      a x \mid b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 918
--S 919 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           2 +-+ | 2 2 4 2 2
--R
   (4b x + 2a)\|a \|b x + a - 2b x - 5a b x - 2a
--R
--R (3) -----
--R
        2 3 3 | 2 2 3 3 +-+
--R
--R
       (a b x + 2a x) \setminus |b x + a + (-2a b x - 2a x) \setminus |a
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 919
--S 920 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 920
--S 921 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 921
)clear all
--S 922 of 1369
t0:=1/(x^3*(a+b*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
--R
         5 3 | 2
--R
        (b x + a x )\|b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 922
--S 923 of 1369
r0:=3/2*b*atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)+_
    1/(a*x^2*sqrt(a+b*x^2))-3/2*sqrt(a+b*x^2)/(a^2*x^2)
--R
--R
--R
--R
                         1 2
--R
           2 | 2 \|b x + a 2 +-+
        --R
--R
--R
                            \|a
--R
--R
--R
                       2 2 +-+ | 2
--R
                     2a \times |a| + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 923
--S 924 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
               2 4 2 2 | 2 3 6 2 4 2 2 +-+
--R
--R
         ((-9a b x - 12a b x)|b x + a + (3b x + 15a b x + 12a b x)|a)
--R
--R
             +----+
            1 2
--R
--R
           \|b x + a - \|a
--R
         log(-----)
--R
                 x
--R
--R
                              +----+
```

```
--R
                           2 4 2 2 3 | 2
                   (- 3a b x + 5a b x + 4a )\|b x + a
--R
--R
                             3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
--R
                      (2b x + a b x - 7a b x - 4a )\|a
--R /
--R
                                                                       +----+
                       3 4 4 2 +-+ | 2 3 2 6 4 4 5 2
--R
                    (6a b x + 8a x )\|a \|b x + a - 2a b x - 10a b x - 8a x
--R
--R
                                                                                                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 924
--S 925 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                        2 2 | 2 2 +-+
--R
--R
                              ((-3b x - 12a b)|b x + a + (9b x + 12a b)|a)
--R
--R
                                          +----+
--R
                                       | 2 +-+
--R
                                    \|b x + a - \|a
--R
                             log(-----)
--R
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                             1 2
                                     2 2 | 2 2 +-+
--R
                                                                                                                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                     ((-3b x - 12a b)|b x + a + (9b x + 12a b)|a) + (-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                      \|a
--R
--R
                               2 2 | 2 2 2 +-+
--R
--R
                       (-2b x - 8a b) | b x + a + (6b x + 8a b) | a
--R /
--R
                      2 2 3 +-+ | 2 3 2 4
--R
                    (2a b x + 8a) | a | b x + a - 6a b x - 8a
--R
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 925
--S 926 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 926
)clear all
--S 927 of 1369
t0:=1/(x^4*(a+b*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
                  1
--R
--R
          6 4 | 2
--R
        (b x + a x )\|b x + a
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 927
--S 928 of 1369
r0:=1/(a*x^3*sqrt(a+b*x^2))-4/3*sqrt(a+b*x^2)/(a^2*x^3)+_
    8/3*b*sqrt(a+b*x^2)/(a^3*x)
--R
--R
--R
          2 4 2 2
         8b x + 4a b x - a
--R
--R
     (2) -----
          +----+
--R
           33|2
--R
--R
          3a \times |b \times + a|
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 928
--S 929 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
            3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2 4 8 3 6
--R
--R
--R
        (- 32b x - 80a b x - 28a b x + 8a )\|a \|b x + a + 8b x + 68a b x
--R
--R
          2 2 4 3 2
        95a b x + 24a b x - 8a
--R
--R /
--R
          3 2 7 4 5 5 3 | 2
--R
--R
        (3a b x + 24a b x + 24a x) | b x + a
--R
            3 2 7 4 5 5 3 +-+
--R
--R
        (-12a b x - 36a b x - 24a x) | a
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 929
```

```
--S 930 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 930
--S 931 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 931
)clear all
--S 932 of 1369
t0:=x^m/(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
--R
--R
    (1) -----
--R
          2 4 2 2 | 2
--R
--R
          (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 932
--S 933 of 1369
--r0:=1/3*x^{(1+m)}/(a*(a+b*x^2)^{(3/2)})+1/3*(2-m)*x^{(1+m)}/_
      (a^2*sqrt(a+b*x^2))-1/3*(2-m)*m*x^(1+m)*_
      hypergeometric(1/2,1/2*(1+m),1/2*(3+m),-b*x^2/a)*_
--
      sqrt((a+b*x^2)/a)/(a^2*(1+m)*sqrt(a+b*x^2))
--E 933
--S 934 of 1369
--a0:=integrate(t0,x)
--E 934
--S 935 of 1369
--m0:=a0-r0
--E 935
--S 936 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--Е 936
```

```
)clear all
--S 937 of 1369
t0:=x^6/(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                                                                                          6
 --R
                                                                                       х
--R
--R
                                        2 4 2 2 | 2
--R
                                     (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a
--R
--R
                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 937
--S 938 of 1369
r0:=-1/3*x^5/(b*(a+b*x^2)^(3/2))-5/2*a*atanh(x*sqrt(b)/_
                 sqrt(a+b*x^2))/b^(7/2)-5/3*x^3/(b^2*sqrt(a+b*x^2))+_
                 5/2*x*sqrt(a+b*x^2)/b^3
--R
--R
--R
                    (2)
--R
                                                                                          2 | 2
--R
                                                                                                                                                                     x \mid b
                                  (-15a b x - 15a) | b x + a atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                                                                                                                              1 2
--R
                                                                                                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                           2 5 3
--R
                                                                                                               2 +-+
--R
                                  (3b x + 20a b x + 15a x) \setminus |b|
--R /
--R
                                                                                          +----+
                                   4 2 3 +-+ | 2
--R
--R
                           (6b x + 6a b) | b | x + a
--R
                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 938
--S 939 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
 --R
--R
                   (3)
--R
                    Γ
--R
--R
                                                                         3 6 2 2 4
                                                                                                                                            3 2
--R
                                                     (75a b x + 375a b x + 540a b x + 240a) | a | b x + a
--R
--R
                                                                             4 8
                                                                                                               2 3 6
                                                                                                                                                       3 2 4 4 2
```

```
--R
          - 15a b x - 210a b x - 615a b x - 660a b x - 240a
--R
--R
                       | 2 2 +-+ +-+
--R
             +-+ +-+
--R
             (\a \b + b x)\b x + a + (-b x - a)\b - b x\a
--R
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
                           --R
--R
           4 9 3 7 2 2 5 3 3 4 +-+ | 2
--R
        (- 3b x - 56a b x - 303a b x - 500a b x - 240a x)\|b \|b x + a
--R
--R
                 37 225 3 3
--R
          4 9
--R
        (15b x + 160a b x + 523a b x + 620a b x + 240a x)\|a \|b
--R
--R
          6 6 5 4 2 4 2 3 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (30b x + 150a b x + 216a b x + 96a b) | a | b | b x + a
--R
           78 66 254 342 43+-+
--R
--R
        (-6b x - 84a b x - 246a b x - 264a b x - 96a b ) | b
--R
--R
--R
                 3 6 2 2 4 3 2 4 +-+ | 2
--R
--R
           (-150a b x - 750a b x - 1080a b x - 480a) | a | b x + a
--R
              48 236 324 42 5
--R
--R
           30a b x + 420a b x + 1230a b x + 1320a b x + 480a
--R
--R
                  +----+
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
          atan(-----)
                  b x
--R
--R
--R
            4 9 3 7 2 2 5 3 3 4 +---+ | 2
--R
--R
        (-3b \times -56a b \times -303a b \times -500a b \times -240a \times) | -b | b \times +a
--R
--R
          4 9 3 7 2 2 5 3 3
                                           4 +---+ +-+
--R
        (15b x + 160a b x + 523a b x + 620a b x + 240a x) = b = a
--R
--R
          6 6 5 4 2 4 2 3 3 +---+ +-+ | 2
--R
        (30b x + 150a b x + 216a b x + 96a b) = b = a = b
--R
--R
--R
            7 8 6 6 2 5 4 3 4 2 4 3 +---+
```

```
(- 6b x - 84a b x - 246a b x - 264a b x - 96a b )\|- b
--R
--R
                                                                                                                                                                                                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 939
--S 940 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
                                (4)
--R
--R
                                                                                                    +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
                                                                                             (\a \b + b x)\b x + a + (-b x - a)\b - b x\a
--R
                                                      5a log(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                                     +-+ | 2
--R
                                                                                                                                                                                                   --R
--R
                                                                                                                          +-+
--R
                                                                                                                x\|b
                                                      5a atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                                                                      1 2
--R
                                                                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                              3 +-+
--R
--R
                                            2b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 940
--S 941 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                          (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 941
--S 942 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                (6)
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                 +---+ | 2 +---+ +-+
--R
                                                                                                                                     +-+
                                                                                                                                                                                                              +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
                                                                                                                   x/|b
                                 5a\|- b atanh(-----) - 10a\|b atan(-----)
                                                                                                               +----+
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        bх
                                                                                                              1 2
--R
--R
                                                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
```

```
--R
                              3 +---+ +-+
--R
                              2b \|- b \|b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 942
--S 943 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 943
)clear all
--S 944 of 1369
t0:=x^5/(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R
         2 4 2 2 | 2
--R
--R
        (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 944
--S 945 of 1369
\texttt{r0:=-1/3*a^2/(b^3*(a+b*x^2)^(3/2))+2*a/(b^3*sqrt(a+b*x^2))+sqrt(a+b*x^2)/b^3}
--R
--R
           2 4 2 2
--R
--R
         3b x + 12a b x + 8a
--R (2) -----
--R
     4 2 3 | 2
--R
--R
        (3b x + 3a b) \setminus |b x + a|
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 945
--S 946 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
      6 | 2 8 6 +-+
--R
--R - 4a x \|b x + a + (3b x + 4a x )\|a
```

```
--R /
--R
          3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2 3 6 2 2 4
--R
--R
        (3b x + 27a b x + 48a b x + 24a) | a | b x + a - 12a b x - 48a b x
--R
           3 2 4
--R
--R
        - 60a b x - 24a
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 946
--S 947 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                              +----+
--R
                 2 2 +-+ | 2 2 4 2 2 3
--R
          (32a b x + 64a )\|a \|b x + a - 8a b x - 64a b x - 64a
--R
--R
            4 2 2 3 | 2 5 4 4 2 2 3 +-+
--R
         (12a b x + 24a b) | b x + a + (-3b x - 24a b x - 24a b) | a
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 947
--S 948 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 948
)clear all
--S 949 of 1369
t0:=x^4/(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
--R
                     X
--R
--R
          2 4 2 2 | 2
--R.
--R
         (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 949
--S 950 of 1369
r0:=-1/3*x^3/(b*(a+b*x^2)^(3/2))+atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/b^(5/2)-_
    x/(b^2*sqrt(a+b*x^2))
```

```
--R
--R
--R
                                                                                                                      +-+
                                       2 | 2
--R
                                                                                                                  x \mid b
                               (3b x + 3a) \mid b x + a a tanh(-----) + (- 4b x - 3a x) \mid b
--R
--R
                                                                                                             +----+
--R
--R
                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                                                                  3 2 2 +-+ | 2
--R
                                                                              (3b x + 3a b) \mid b \mid b x + a
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 950
--S 951 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
                                                2 4 2 2 +-+ | 2 3 6 2 4
--R
--R
                                            (9b x + 21a b x + 12a) | a | b x + a - 3b x - 18a b x
--R
--R
                                                     2 2 3
--R
                                            - 27a b x - 12a
--R
--R
                                                     +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
                                                  (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
--R
--R
--R
                                                                                                       +-+ | 2
--R
                                                                                                      --R
--R
                                         2 5 3 2 +-+ | 2
--R
--R
                                 (4b x + 19a b x + 12a x) | b | b x + a
--R
                                                                    3
--R
                                             2 5
--R
                                (- 12b x - 25a b x - 12a x)\|a \|b
--R
--R
                                      4 4 3 2 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
                                (9b x + 21a b x + 12a b) | a | b | b x + a
--R
--R
                                         5 6 4 4 2 3 2
                              (- 3b x - 18a b x - 27a b x - 12a b )\|b
--R
--R
```

```
--R
--R
                                                   2 4 2 2 +-+ | 2 3 6 2 4
--R
                                         (18b x + 42a b x + 24a )\|a \|b x + a - 6b x - 36a b x
--R
--R
                                                      2 2 3
--R
--R
                                         - 54a b x - 24a
--R
                                                              +----+
--R
                                                  +---+ | 2 +---+ +-+
--R
                                               \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
                                     atan(-----)
--R
--R
                                                                                 bх
--R
--R
--R
                                     2 5
                                                   3 2 +---+ | 2
--R
                               (4b x + 19a b x + 12a x) \mid -b \mid b x + a
--R
                                                           3 2 +---+ +-+
--R
                                            2 5
--R
                               (-12b x - 25a b x - 12a x) | - b | a
--R
--R
--R
                                    4 4 3 2 2 2 +---+ +-+ | 2
                              (9b x + 21a b x + 12a b) = b = a + a
--R
--R
                                           5 6 4 4 2 3 2 3 2 +---+
--R
--R
                               (-3b x - 18a b x - 27a b x - 12a b) | - b
--R
--R
                                                                                                  Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 951
--S 952 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                (4)
--R
                                                                         | 2 2 +-+ +-+
                                       +-+ +-+
--R
--R
                                    (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
--R
                         log(-----)
--R
                                                                                      +-+ | 2
--R
--R
                                                                                     --R
--R
                                                          +-+
--R
                                                    x \mid b
                         - atanh(-----)
--R
--R
                                                 +----+
                                                1 2
--R
--R
                                               \begin{tabular}{ll} \beg
```

```
--R /
 --R
                          b \|b
 --R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
 --E 952
 --S 953 of 1369
 d0a:=D(m0a,x)
 --R
 --R
 --R
                  (5) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
 --E 953
 --S 954 of 1369
 m0b:=a0.2-r0
 --R
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                 +---+ | 2 +---+ +-+
 --R
                                                                                                          x\|b +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
 --R
                                            - \|- b atanh(-----) + 2\|b atan(------)
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                     b x
 --R
                                                                                                  | 2
 --R
                                                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
 --R
                                                                                                                                                             2 +---+ +-+
 --R
                                                                                                                                                          b \|- b \|b
 --R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
 --E 954
--S 955 of 1369
 d0b:=D(m0b,x)
 --R
 --R
 --R (7) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
 --E 955
 )clear all
 --S 956 of 1369
 t0:=x^3/(a+b*x^2)^(5/2)
 --R
 --R
 --R
                                                                                                       3
 --R
                  (1) -----
 --R
 --R
                          2 4 2 2 | 2
 --R
```

```
--R
       (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 956
--S 957 of 1369
r0:=1/3*a/(b^2*(a+b*x^2)^(3/2))+(-1)/(b^2*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
                  2
--R
             - 3b x - 2a
   (2) -----
--R
--R
         3 2 2 | 2
--R
--R
       (3b x + 3a b) \setminus |b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 957
--S 958 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
       4 | 2 6 4 +-+
--R
--R - 3a \times |b \times + a + (2b \times + 3a \times)|a
--R /
--R
           2 4 2 2 3 +-+ | 2 3 6 2 2 4
--R
     (9a b x + 21a b x + 12a )\|a \|b x + a - 3a b x - 18a b x
--R
--R
--R
           3 2 4
--R
      - 27a b x - 12a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 958
--S 959 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                  2 +-+ | 2 2 2
--R
--R
            (-2b x - 8a) | a | b x + a + 6a b x + 8a
--R
--R
           3 2 2 2 | 2 3 2
--R
                                               2 2 +-+
         (3a b x + 12a b) | b x + a + (- 9a b x - 12a b) | a
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 959
--S 960 of 1369
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 960
)clear all
--S 961 of 1369
t0:=x^2/(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
--R
                    X
--R
   (1) -----
--R
         2 4 2 2 | 2
--R
       (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 961
--S 962 of 1369
r0:=1/3*x^3/(a*(a+b*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
--R
                  x
--R
--R
             +----+
         2 2 1 2
--R
--R
       (3abx + 3a) \setminus bx + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 962
--S 963 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
         5 3 | 2 5 3 +-+
--R
--R
--R
     (-bx - 4ax) | bx + a + (3bx + 4ax) | a
--R /
                                +----+
--R
          2 4 2 2 3 +-+ | 2 3 6 2 2 4
--R
--R
       (9a b x + 21a b x + 12a) | a | b x + a - 3a b x - 18a b x
--R
         3 2 4
--R
     - 27a b x - 12a
--R
```

```
Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--Е 963
--S 964 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 964
--S 965 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 965
)clear all
--S 966 of 1369
t0:=x/(a+b*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R
                     +----+
         2 4 2 2 | 2
--R
--R
        (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 966
--S 967 of 1369
r0:=(-1/3)/(b*(a+b*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
--R
            2 2 | 2
--R
--R
--R
          (3b x + 3a b) \setminus |b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 967
--S 968 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
--R
                      4 2 2 | 2 2 6 4 2 2 +-+
--R
--R
                     (-3abx - 6ax)\begin{picture}( bx + a + (bx + 6abx + 6ax)\adjust + a + (bx + 6abx + 6abx + 6abx + 6abx)\adjust + a + (bx + 6abx + 6abx + 6abx + 6abx)\adjust + a + (bx + 6abx + 6abx + 6abx + 6abx)\adjust + a + (bx + 6abx + 6abx + 6abx + 6abx)\adjust + a + (bx + 6abx + 6abx + 6abx + 6abx)\adjust + a + (bx + 6abx + 
--R /
--R
                              +-----+
2 2 4 3 2 4 +-+ | 2 2 3 6 3 2 4
--R
--R
                       (9a b x + 21a b x + 12a )\|a \|b x + a - 3a b x - 18a b x
--R
                               4 2 5
--R
--R
                         - 27a b x - 12a
--R
                                                                                                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 968
--S 969 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                                               2 +-+ | 2 2 2
--R
--R
                                     (-bx - 4a)|a|bx + a + 3abx + 4a
--R (4) ------
--R
                               2 2 2 3 | 2 2 2 3 +-+
--R
                           (3a b x + 12a b) | b x + a + (- 9a b x - 12a b) | a
--R
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 969
--S 970 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 970
)clear all
--S 971 of 1369
t0:=1/(a+b*x^2)^(5/2)
--R
 --R
--R
                                                                 1
--R (1) -----
--R
                              24 2 2 2 2
--R
--R
                           (bx + 2abx + a) \setminus |bx + a|
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 971
--S 972 of 1369
```

```
r0:=1/3*x/(a*(a+b*x^2)^(3/2))+2/3*x/(a^2*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
--R
                3
--R
             2b x + 3a x
--R (2) -----
                 +----+
--R
        2 2 3 | 2
--R
--R
        (3a b x + 3a) \setminus b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 972
--S 973 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
         25 3 2 | 2 25 3 2 +-+
--R
     (-2b x - 11a b x - 12a x) | b x + a + (6b x + 17a b x + 12a x) | a
--R
--R /
--R
                                 +----+
         2 2 4 3 2 4 +-+ | 2 2 3 6 3 2 4
--R
--R
      (9a b x + 21a b x + 12a )\|a \|b x + a - 3a b x - 18a b x
--R
--R
          4 2 5
--R
        - 27a b x - 12a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 973
--S 974 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 974
--S 975 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 975
)clear all
--S 976 of 1369
t0:=1/(x*(a+b*x^2)^(5/2))
```

```
--R
--R
--R
--R
                 (1) -----
--R
                                25 3 2 | 2
--R
--R
                               (b x + 2a b x + a x) \setminus |b x + a
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 976
--S 977 of 1369
r0:=1/3/(a*(a+b*x^2)^(3/2))-atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/a^(5/2)+_
              1/(a^2*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
--R
                                                                          +----+
                                                                                                                      1 2
                                                                   | 2 \|b x + a 2 +-+
--R
                                (-3b \times -3a) | b x + a atanh(-----) + (3b x + 4a) | a
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                                                                                     2 2 3 +-+ | 2
--R
                                                                             (3a b x + 3a) | a | b x + a
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 977
--S 978 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                 (3)
--R
                                                   24 2 2 3 | 2
--R
--R
                                      (9a b x + 21a b x + 12a) \setminus |b x + a|
--R
                                                   3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
                                        (-3b x - 18a b x - 27a b x - 12a) | a
--R
--R
 --R
                                               +----+
                                              1 2
--R
--R.
                                            \begin{tabular}{ll} \beg
                                  log(-----)
--R
--R
--R
--R
                                                                                      +----+
                                          2 4 2 2 | 2
                                                                                                                                    3 6 2 4 2 2 +-+
--R
--R
                             (9a b x + 12a b x )\|b x + a + (- 4b x - 15a b x - 12a b x )\|a
--R /
```

```
--R
                              3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6 4 2 4
--R
--R
                         (9a b x + 21a b x + 12a )\|a \|b x + a - 3a b x - 18a b x
--R
                                   5 2 6
--R
--R
                           - 27a b x - 12a
--R
                                                                                                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 978
--S 979 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                (4)
--R
--R
                                                                                                                                                                        1 2
                                --R
--R
                      ((3b x + 12a)|b x + a + (- 9b x - 12a)|a)|og(-----)
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                                +----+
                                                                                                                                                                               1 2
--R
                                       2 | 2 +-+
--R
                                                                                                                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                     ((3b x + 12a)|b x + a + (-9b x - 12a)|a ) a tanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                                        +-+
--R
                                                                                                                                                                                        \|a
--R
--R
                            2 | 2
                                                                                                                         2 +-+
--R
--R
                        (4b x + 16a) | b x + a + (-12b x - 16a) | a
--R /
                                                                     +----+
--R
                        2 2 3 +-+ | 2 3 2 4
--R
                 (3a b x + 12a )\|a \|b x + a - 9a b x - 12a
--R
                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 979
--S 980 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
 --R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 980
)clear all
--S 981 of 1369
t0:=1/(x^2*(a+b*x^2)^(5/2))
--R
```

```
--R
--R
                      1
--R
    (1) -----
--R
         26 4 22 | 2
--R
--R
         (b x + 2a b x + a x) \setminus |b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 981
--S 982 of 1369
r0:=1/3/(a*x*(a+b*x^2)^(3/2))+4/3/(a^2*x*sqrt(a+b*x^2))-_
    8/3*sqrt(a+b*x^2)/(a^3*x)
--R
--R
--R
             2 4 2 2
--R
         - 8b x - 12a b x - 3a
--R (2) -----
--R
                   +----+
--R
         3 3 4 | 2
--R
        (3abx + 3ax) \setminus bx + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 982
--S 983 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
          3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2 4 8 3 6
--R
--R
       (32b x + 112a b x + 108a b x + 24a) | a | b x + a - 8b x - 76a b x
--R
            2 2 4 3 2
--R
--R
       - 163a b x - 120a b x - 24a
--R /
--R
         3 3 7 4 2 5 5 3 6 | 2
--R
--R
       (3a b x + 27a b x + 48a b x + 24a x) \setminus |b x + a|
--R
           3 3 7 4 2 5 5 3 6 +-+
--R
--R
        (-12a b x - 48a b x - 60a b x - 24a x) | a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 983
--S 984 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 984
--S 985 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 985
)clear all
--S 986 of 1369
t0:=1/(x^3*(a+b*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R
                       1
    (1) -----
--R
--R
          27 5 23 | 2
--R
--R
         (b x + 2a b x + a x) \setminus |b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 986
--S 987 of 1369
r0:=1/3/(a*x^2*(a+b*x^2)^(3/2))+5/2*b*atanh(sqrt(a+b*x^2)/_
    sqrt(a))/a^{(7/2)+5/3/(a^2*x^2*sqrt(a+b*x^2))-_
    5/2*sqrt(a+b*x^2)/(a^3*x^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
           +-----+ | 2
2 4 2 | 2 \|b x + a
--R
--R
--R
         (15b x + 15a b x) | b x + a atanh(-----)
--R
                                            +-+
--R
                                            \|a
--R
            2 4
                        2 2 +-+
--R
--R
        (-15b x - 20a b x - 3a) | a
--R /
--R
                         +----+
         3 4 4 2 +-+ | 2
--R.
--R
       (6a b x + 6a x) | a | b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 987
--S 988 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
            (3)
--R
--R
                                                  48 236 324 42|2
--R
--R
                                 (-75a b x - 375a b x - 540a b x - 240a b x) \ + a
--R
                                         5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 +-+
--R
--R
                                (15b x + 210a b x + 615a b x + 660a b x + 240a b x) | a
--R
--R
--R
                                       1 2
--R
                                     \b x + a - \a
--R
                            log(-----)
                                                    x
--R
--R
--R
--R
                                        48 236 324 42 5 | 2
                        (- 55a b x - 150a b x - 21a b x + 132a b x + 48a )\|b x + a
--R
--R
                              5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5 +-+
--R
--R
                        (14b x + 121a b x + 174a b x - 39a b x - 156a b x - 48a) \arraycolumnum (14b x + 121a b x + 174a b x - 39a b x - 156a b x - 48a) \arraycolumnum (14b x + 121a b x + 174a b x - 39a b x - 156a b x - 48a) \arraycolumnum (14b x + 121a b x + 174a b x - 39a b x - 156a b x - 48a) \arraycolumnum (14b x + 121a b x + 174a b x - 39a b x - 156a b x - 48a) \arraycolumnum (14b x + 121a b x + 174a b x - 39a b x - 156a b x - 48a) \arraycolumnum (14b x + 121a b x + 174a b x - 39a b x - 156a b x - 48a) \arraycolumnum (14b x + 121a b x + 174a b x - 39a b x - 156a b x - 48a) \arraycolumnum (14b x + 121a b x + 174a b x - 39a b x - 156a b x - 48a) \arraycolumnum (14b x + 121a b x + 174a b x - 39a b x - 156a b x - 48a) \arraycolumnum (14b x + 121a b x + 121a b x + 174a b x - 39a b x - 156a b x - 48a) \arraycolumnum (14b x + 121a b x + 121a b x + 121a b x - 
--R /
--R
                               4 3 8 5 2 6 6 4 7 2 +-+ | 2 4 4 10
--R
--R
                        (30a b x + 150a b x + 216a b x + 96a x) | a | b x + a - 6a b x
--R
--R
                                 5 3 8 6 2 6 7 4
--R
                       - 84a b x - 246a b x - 264a b x - 96a x
--R
                                                                                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 988
--S 989 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
           (4)
--R
                                            3 4 2 2 2 2 2
--R
--R
                                 (-15b x - 180a b x - 240a b) \ b x + a
--R
                                         3 4 2 2
--R
                                (75b x + 300a b x + 240a b)\|a
--R
--R.
--R
                                       +----+
                                      1 2
--R
                                                                     +-+
--R
                                  \|b x + a - \|a
--R
                            log(-----)
--R
                                                    x
--R
--R
                                                                                                            +----+
```

```
3 4 2 2 2 | 2
--R
--R
                                      (-15b x - 180a b x - 240a b) | b x + a
--R
                                                  3 4 2 2 2 +-+
--R
--R
                                     (75b x + 300a b x + 240a b) | a
--R
--R
                                                  | 2
--R
                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                 atanh(-----)
--R
--R
                                                           +-+
                                                             \|a
--R
--R
--R
                                        3 4 2 2 2 | 2
--R
--R
                           (-14b x - 168a b x - 224a b) | b x + a
--R
--R
                                   3 4 2 2
                                                                                            2 +-+
                            (70b x + 280a b x + 224a b) | a
--R
--R /
--R
                                                                                                              +----+
--R
                             3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 4 2 4 5 2 6
--R
                       (6a b x + 72a b x + 96a )\|a \|b x + a - 30a b x - 120a b x - 96a
--R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 989
--S 990 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 990
)clear all
--S 991 of 1369
t0:=1/(x^4*(a+b*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R
--R
             (1) -----
--R.
                               28 6 24 | 2
--R.
--R
                         (bx + 2abx + ax) \setminus |bx + a
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 991
--S 992 of 1369
r0:=1/3/(a*x^3*(a+b*x^2)^(3/2))+2/(a^2*x^3*sqrt(a+b*x^2))-_
```

```
8/3*sqrt(a+b*x^2)/(a^3*x^3)+16/3*b*sqrt(a+b*x^2)/(a^4*x)
--R
--R
                                   3 6 2 4 2 2 3
--R
--R
                          16b x + 24a b x + 6a b x - a
--R
           (2) -----
--R
                                   4 5 53 | 2
--R
--R
                                (3abx + 3ax) \mid bx + a
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--Е 992
--S 993 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                         5 10 4 8 2 3 6 3 2 4 4 2 5 +-+
--R
                            (- 96b x - 656a b x - 1316a b x - 954a b x - 160a b x + 32a )\a
--R
--R
                               +----+
--R
                              1 2
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                             6 12 5 10 2 4 8 3 3 6 4 2 4 5 2
                     16b x + 312a b x + 1206a b x + 1771a b x + 1038a b x + 144a b x
--R
--R
--R
                                  6
--R
                         - 32a
--R /
--R
                              4 4 11 5 3 9 6 2 7 7 5 8 3 | 2
--R
--R
                        (3a b x + 57a b x + 198a b x + 240a b x + 96a x) | b x + a
--R
                                    4 4 11 5 3 9 6 2 7 7 5 8 3 +-+
--R
                         (- 18a b x - 132a b x - 306a b x - 288a b x - 96a x )\|a
--R
--R
                                                                                                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 993
--S 994 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R.
--R (4) 0
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 994
--S 995 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 995
)clear all
--S 996 of 1369
t0:=x^m/(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
--R
--R
--R
--R
          48 36 224 3 2 4 | 2
--R
         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 996
--S 997 of 1369
--r0:=1/7*x^{(1+m)}/(a*(a+b*x^2)^{(7/2)})+1/35*(6-m)*x^{(1+m)}/_
      (a^2*(a+b*x^2)^(5/2))+1/105*(4-m)*(6-m)*x^(1+m)/_
      (a^3*(a+b*x^2)^(3/2))+1/105*(2-m)*(4-m)*(6-m)*x^(1+m)/_
      (a^4*sqrt(a+b*x^2))-1/105*(2-m)*(4-m)*(6-m)*m*x^(1+m)*_
      hypergeometric(1/2,1/2*(1+m),1/2*(3+m),-b*x^2/a)*_
      sqrt((a+b*x^2)/a)/(a^4*(1+m)*sqrt(a+b*x^2))
--E 997
--S 998 of 1369
--a0:=integrate(t0,x)
--E 998
--S 999 of 1369
--m0:=a0-r0
--E 999
--S 1000 of 1369
--d0:=D(m0,x)
--E 1000
)clear all
--S 1001 of 1369
t0:=x^10/(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                                 10
--R
--R (1) ------
```

```
--R
--R
                               48 36 224 3 2 4 | 2
--R
                             (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 1001
--S 1002 of 1369
r0:=-1/7*x^9/(b*(a+b*x^2)^(7/2))-9/35*x^7/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-_
             3/5*x^5/(b^3*(a+b*x^2)^(3/2))-9/2*a*atanh(x*sqrt(b)/_
             sqrt(a+b*x^2))/b^(11/2)-3*x^3/(b^4*sqrt(a+b*x^2))+_
             9/2*x*sqrt(a+b*x^2)/b^5
--R
--R
--R
               (2)
--R
--R
                                                     3 6 2 2 4 3 2
                                                                                                                                            4 | 2
--R
                               (- 315a b x - 945a b x - 945a b x - 315a )\|b x + a
--R
--R
--R
                                                     x\|b
--R
                               atanh(-----)
--R
--R
                                                1 2
--R
                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                   4 9 3 7 2 2 5 3 3 4 +-+
--R
--R
                          (35b x + 528a b x + 1218a b x + 1050a b x + 315a x) \ b
--R /
--R
--R
                               8 6 7 4 2 6 2 3 5 +-+ | 2
--R
                     (70b x + 210a b x + 210a b x + 70a b) \b \b x + a
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1002
--S 1003 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                (3)
--R
                Ε
--R
                                                                      7 14
                                                                                                    2 6 12
                                                                                                                                              3 5 10
                                                    2835a b x + 46305a b x + 257985a b x + 705915a b x
--R
--R.
                                                                                                   6 2 4
                                                                                                                                                     7 2
--R
                                                                         5 3 6
                                                    1071000a b x + 922320a b x + 423360a b x + 80640a
--R
--R
--R
                                                           +----+
--R
                                                  +-+ | 2
                                               --R
--R
```

```
8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
--R
          - 315a b x - 13860a b x - 127890a b x - 520380a b x
--R
                 5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
           - 1149435a b x - 1484280a b x - 1123920a b x - 463680a b x
--R
--R
--R
--R
          - 80640a
--R
--R
                      | 2 2 +-+ +-+
--R
            (|a|b + bx)|bx + a + (-bx - a)|b - bx|a
--R
--R
         log(-----)
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
                         --R
             8 17 7 15 2 6 13 3 5 11
--R
          - 35b x - 1928a b x - 30738a b x - 192170a b x
--R
--R
               4 4 9 5 3 7 6 2 5
--R
           - 580139a b x - 945432a b x - 857808a b x - 409920a b x
--R
--R
--R
            8
--R
          - 80640a x
--R
--R
--R
          +-+ | 2
--R
         \b \b \b x + a
--R
            8 17 7 15 2 6 13 3 5 11
--R
--R
           315b x + 8952a b x + 89442a b x + 403866a b x
--R
              4 4 9 5 3 7 6 2 5 7 3
--R
--R
           968099a b x + 1328136a b x + 1052688a b x + 450240a b x
--R
             8
--R
--R
          80640a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|b
--R
    /
            12 14 11 12 2 10 10 3 9 8
--R.
           630b x + 10290a b x + 57330a b x + 156870a b x
--R
--R
               486 574 662
--R
--R
           238000a b x + 204960a b x + 94080a b x + 17920a b
--R
--R
          +-+ +-+ | 2
--R
```

```
--R
         \|a \|b \|b x + a
--R
--R
              13 16 12 14 2 11 12 3 10 10
--R
           - 70b x - 3080a b x - 28420a b x - 115640a b x
--R
                  4 9 8 5 8 6 6 7 4
--R
--R
           - 255430a b x - 329840a b x - 249760a b x - 103040a b x
--R
--R
                 8 5
--R
           - 17920a b
--R
--R
           +-+
--R
          \|b
--R
--R
--R
                    7 14 2 6 12 3 5 10
--R
              - 5670a b x - 92610a b x - 515970a b x - 1411830a b x
--R
                             6 2 4
                                         7 2
--R
                      5 3 6
--R
              - 2142000a b x - 1844640a b x - 846720a b x - 161280a
--R
--R
--R
             +-+ | 2
--R
             --R
               8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
--R
            630a b x + 27720a b x + 255780a b x + 1040760a b x
--R
--R
                5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
            2298870a b x + 2968560a b x + 2247840a b x + 927360a b x
--R
--R
--R
           161280a
--R
--R
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             \|- b \|b x + a - \|- b \|a
          atan(-----)
--R
--R
--R
              8 17 7 15 2 6 13 3 5 11
--R
           - 35b x - 1928a b x - 30738a b x - 192170a b x
--R
--R
--R
                  4 4 9
                            5 3 7 6 2 5
--R
           - 580139a b x - 945432a b x - 857808a b x - 409920a b x
--R
--R
                 8
          - 80640a x
--R
--R
--R
               +----+
```

```
+---+ | 2
--R
--R
          --R
             8 17 7 15 2 6 13 3 5 11
--R
--R
           315b x + 8952a b x + 89442a b x + 403866a b x
--R
               4 4 9 5 3 7 6 2 5 7 3
--R
--R
           968099a b x + 1328136a b x + 1052688a b x + 450240a b x
--R
--R
--R
           80640a x
--R
          +---+ +-+
--R
--R
          \|- b \|a
--R
--R
                     11 12 2 10 10
             12 14
--R
           630b x + 10290a b x + 57330a b x + 156870a b x
--R
               486 574 662
--R
--R
           238000a b x + 204960a b x + 94080a b x + 17920a b
--R
--R
                 +----+
--R
          +---+ +-+ | 2
--R
          --R
             13 16 12 14 2 11 12 3 10 10
--R
--R
           - 70b x - 3080a b x - 28420a b x - 115640a b x
--R
                498 586 674 762
--R
--R
           - 255430a b x - 329840a b x - 249760a b x - 103040a b x
--R
--R
                 8 5
--R
          - 17920a b
--R
--R
          +---+
          \|- b
--R
--R
     ]
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1003
--S 1004 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                        +----+
             +-+ +-+ | 2
--R
--R
            (\a \b + b x)\b x + a + (-b x - a)\b - b x\a
--R
       9a log(-----
--R
                             +----+
```

```
+-+ | 2
--R
--R
                                                                                                                                   --R
--R
--R
                                                                            x\|b
                                    9a atanh(-----)
--R
                                                                      +----+
--R
                                                                      1 2
--R
--R
                                                                     \|b x + a
--R /
--R
                                   5 +-+
--R
                             2b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1004
--S 1005 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                 (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1005
--S 1006 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                      (6)
--R
--R
                                                                                          +-+
                                                                                                                                                                             +---+ | 2 +---+ +-+
                                                                            x\|b +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
                     9a\|- b atanh(-----) - 18a\|b atan(-----)
--R
--R
                                                                       +----+
                                                                                                                                                                                                                               b x
                                                                          | 2
--R
--R
                                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                         5 +---+ +-+
--R
                                                                                                                                   2b \|- b \|b
--R
--R
                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1006
--S 1007 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
                 (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 1007
)clear all
```

```
--S 1008 of 1369
t0:=x^9/(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                             9
--R
--R
--R
         48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1008
--S 1009 of 1369
r0:=-1/7*a^4/(b^5*(a+b*x^2)^(7/2))+4/5*a^3/(b^5*(a+b*x^2)^(5/2))-_
    2*a^2/(b^5*(a+b*x^2)^(3/2))+4*a/(b^5*sqrt(a+b*x^2))+sqrt(a+b*x^2)/b^5
--R.
--R
--R
           48 36
                           2 2 4 3 2
--R
        35b x + 280a b x + 560a b x + 448a b x + 128a
--R (2) ------
--R
--R
          86 74 262 35 | 2
--R
        (35b x + 105a b x + 105a b x + 35a b) \ b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1009
--S 1010 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
              2 14 2 12 3 10 | 2
--R
       (-152a b x - 560a b x - 448a x ) | b x + a
--R
--R
          3 16 2 14 2 12 3 10 +-+
--R
        (35b x + 376a b x + 784a b x + 448a x )\|a
--R
--R /
            7 14 6 12 2 5 10 3 4 8
--R
           35b x + 1225a b x + 9065a b x + 29155a b x + 49280a b x
--R
--R
--R
               5 2 4 6 2
--R
          45920a b x + 22400a b x + 4480a
--R
--R
            +----+
--R
         +-+ | 2
--R
        \|a \|b x + a
--R
```

```
7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8 5 3 6
--R
--R
       - 280a b x - 3920a b x - 19600a b x - 49280a b x - 69720a b x
--R
--R
             6 2 4
                    7 2
                                  8
       - 56560a b x - 24640a b x - 4480a
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1010
--S 1011 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
            3 6 2 2 4 3 2 4 +-+ | 2
--R
--R
       (1024a b x + 10240a b x + 24576a b x + 16384a) | a | b x + a
--R
--R
            48 236 324
                                        4 2
       - 128a b x - 4096a b x - 20480a b x - 32768a b x - 16384a
--R
--R /
--R
--R
                  274 362 45 | 2
            8 6
       (280a b x + 2800a b x + 6720a b x + 4480a b )\|b x + a
--R
--R
--R
          98
                    8 6
                              2 7 4 3 6 2
       (-35b x - 1120a b x - 5600a b x - 8960a b x - 4480a b )\a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1011
--S 1012 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1012
)clear all
--S 1013 of 1369
t0:=x^8/(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                            8
--R
--R
   (1) -----
--R
        48 36 224 3 2 4 | 2
--R
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a )\|b x + a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1013
--S 1014 of 1369
r0:=-1/7*x^7/(b*(a+b*x^2)^(7/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))-1/5*x^5/(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+b*x^2)^(b^2*(a+
                    1/3*x^3/(b^3*(a+b*x^2)^(3/2))+atanh(x*sqrt(b)/_
                    sqrt(a+b*x^2))/b^(9/2)-x/(b^4*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
                       (2)
--R
--R
--R
                                                     3 6 2 4 2 2 3 | 2
                                                                                                                                                                                                                                                                                     x \mid b
                                       (105b x + 315a b x + 315a b x + 105a) \ b x + a atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                1 2
--R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R.
                                                          37 25 23
                                                                                                                                                                                              3 +-+
--R
                                       (-176b x - 406a b x - 350a b x - 105a x) | b
--R /
--R
                                                                                                                                                                                                                             +----+
                                             7 6 6 4 2 5 2 3 4 +-+ | 2
--R
--R
                                (105b x + 315a b x + 315a b x + 105a b) | b | b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1014
--S 1015 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                      (3)
--R
                       [
                                                                                              6 12 5 10 2 4 8 3 3 6
--R
--R
                                                                              735b x + 8085a b x + 31605a b x + 60375a b x
--R
                                                                                                   4 2 4 5 2
--R
                                                                              61320a b x + 31920a b x + 6720a
--R
--R
                                                                                       +----+
--R
                                                                           +-+ | 2
 --R
 --R
                                                                       --R
                                                                                  7 14 6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6
--R
--R.
                                                               - 105b x - 2940a b x - 19110a b x - 55860a b x - 87465a b x
--R
--R
                                                                                              5 2 4 6 2
--R
                                                               -76440a b x -35280a b x -6720a
--R
--R
                                                                                                                                          +----+
                                                                             +-+ +-+ | 2 2
--R
                                                                                                                                                                                                                                        +-+ +-+
                                                                       (\a \b - b x)\b x + a + (-b x - a)\b + b x\a
--R
```

```
--R
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
                          --R
             6 13 5 11 2 4 9 3 3 7 4 2 5
--R
--R
          176b x + 4630a b x + 24174a b x + 52249a b x + 56504a b x
--R
              5 3 6
--R
          30800a b x + 6720a x
--R
--R
--R
            +----+
          +-+ | 2
--R
--R
         \b \b \b x + a
--R
              6 13 5 11 2 4 9 3 3 7
--R
--R
          - 1232b x - 12698a b x - 44898a b x - 77071a b x
--R
--R
               4 2 5 5 3 6
--R
          - 71064a b x - 34160a b x - 6720a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|b
--R
--R
           10 12 9 10 2 8 8 3 7 6 4 6 4
--R
          735b x + 8085a b x + 31605a b x + 60375a b x + 61320a b x
--R
              5 5 2 6 4
--R
--R
           31920a b x + 6720a b
--R
--R
               +----+
         +-+ +-+ | 2
--R
--R
         --R
              11 14 10 12 2 9 10 3 8 8
--R
          - 105b x - 2940a b x - 19110a b x - 55860a b x
--R
--R
               476 564 652 74
--R
          - 87465a b x - 76440a b x - 35280a b x - 6720a b
--R
--R
--R
          +-+
         \|b
--R
--R
--R
                6 12 5 10 2 4 8 3 3 6
--R
--R
             1470b x + 16170a b x + 63210a b x + 120750a b x
--R
--R
                  4 2 4 5 2 6
             122640a b x + 63840a b x + 13440a
--R
--R
```

```
--R
             +-+ | 2
--R
--R
            \|a \|b x + a
--R
              7 14 6 12 2 5 10 3 4 8
--R
--R
           - 210b x - 5880a b x - 38220a b x - 111720a b x
--R
                4 3 6 5 2 4 6 2 7
--R
          - 174930a b x - 152880a b x - 70560a b x - 13440a
--R
--R
--R
             +---+ | 2
                           +---+ +-+
--R
--R
             \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
          atan(-----)
--R
                      bх
--R
--R
            6 13 5 11 2 4 9 3 3 7 4 2 5
--R
           176b x + 4630a b x + 24174a b x + 52249a b x + 56504a b x
--R
              5 3 6
--R
--R
           30800a b x + 6720a x
--R
--R
--R
          +---+ | 2
--R
          --R
                    5 11 2 4 9 3 3 7
--R
             6 13
--R
           - 1232b x - 12698a b x - 44898a b x - 77071a b x
--R
                4 2 5 5 3 6
--R
--R
          - 71064a b x - 34160a b x - 6720a x
--R
--R
         +---+ +-+
--R
         \|- b \|a
--R
             10 12 9 10 2 8 8 3 7 6 4 6 4
--R
--R
           735b x + 8085a b x + 31605a b x + 60375a b x + 61320a b x
--R
              5 5 2 6 4
--R
--R
          31920a b x + 6720a b
--R
--R
          +---+ +-+ | 2
--R.
--R
         \|- b \|a \|b x + a
--R
              11 14 10 12 2 9 10 3 8 8
--R
--R
           - 105b x - 2940a b x - 19110a b x - 55860a b x
--R
               476 564 652 74
--R
--R
          - 87465a b x - 76440a b x - 35280a b x - 6720a b
```

```
--R
--R
                                                \|- b
--R
--R
                                                                                                                                   Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1015
--S 1016 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                     (4)
--R
                                                   +----+
+-+ +-+ | 2 | 2 | +-+ +-+
--R
--R
                                              (|a|b - bx)|bx + a + (-bx - a)|b + bx|a
 --R
--R
                                                                                                                  +-+ | 2
--R
--R
                                                                                                                 --R
--R
                                                                 x\|b
--R
--R
                                  - atanh(-----)
--R
                                                             1 2
--R
--R
                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                           4 +-+
--R
                          b \|b
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1016
--S 1017 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
                (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1017
--S 1018 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                            +---+ | 2 +---+ +-+
--R
                                            +---+ x\|b +-+ \|- b\|b x + a - \|- b\|a
--R
--R
                                      - \|- b atanh(-----) + 2\|b atan(------)
                                                                                                                                                                                b x
--R
                                                                                         1 2
--R
```

```
--R
                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                          4 +---+ +-+
--R
                                                                                                                         b \|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 1018
--S 1019 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1019
)clear all
--S 1020 of 1369
t0:=x^7/(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R
                                   48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
                                 (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1020
--S 1021 of 1369
r0:=1/7*a^3/(b^4*(a+b*x^2)^(7/2))-3/5*a^2/(b^4*(a+b*x^2)^(5/2))+_
               a/(b^4*(a+b*x^2)^(3/2))+(-1)/(b^4*sqrt(a+b*x^2))
--R
                                                                    3 6 2 4 2 2 3
--R
--R
                                                    - 35b x - 70a b x - 56a b x - 16a
--R (2) -----
--R
                                        7 6 6 4 2 5 2 3 4 | 2
--R
--R
                               (35b x + 105a b x + 105a b x + 35a b) \b x + a
--R
                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 1021
--S 1022 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                                                                                                                              +----+
```

```
2 12 2 10 3 8 | 2
--R
--R
      (-77a b x - 322a b x - 280a x) | b x + a
--R
          3 14 2 12 2 10 3 8 +-+
--R
--R
       (16b x + 203a b x + 462a b x + 280a x) | a
--R /
              6 12  2 5 10  3 4 8  4 3 6  5 2 4
--R
--R
          245a b x + 2695a b x + 10535a b x + 20125a b x + 20440a b x
--R
              6 2 7
--R
--R
         10640a b x + 2240a
--R
--R
         +-+ | 2
--R
--R
        \|a \|b x + a
--R
--R.
           7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8 5 3 6
       - 35a b x - 980a b x - 6370a b x - 18620a b x - 29155a b x
--R
--R
--R
            6 2 4 7 2 8
--R
       - 25480a b x - 11760a b x - 2240a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1022
--S 1023 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
          3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
      (- 16b x - 384a b x - 1280a b x - 1024a )\|a \|b x + a + 112a b x
--R
         2 2 4 3 2 4
--R
--R
      896a b x + 1792a b x + 1024a
--R /
--R
          7 6 2 6 4 3 5 2 4 4 | 2
--R
--R
       (35a b x + 840a b x + 2800a b x + 2240a b) \b x + a
--R
            76 264 352
--R
       (- 245a b x - 1960a b x - 3920a b x - 2240a b )\|a
--R
--R.
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1023
--S 1024 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1024
)clear all
--S 1025 of 1369
t0:=x^6/(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                            6
--R
--R
   (1) -----
--R
         48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
       (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1025
--S 1026 of 1369
r0:=1/7*x^7/(a*(a+b*x^2)^(7/2))
--R
--R
                          7
--R
--R
   (2) -----
--R
          36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
       (7a b x + 21a b x + 21a b x + 7a) \ b x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1026
--S 1027 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
--R
         3 13 2 11 2 9 3 7 | 2
--R
--R
       (-b x - 24a b x - 80a b x - 64a x) \ b x + a
--R
--R
         3 13 2 11
                          2 9
       (7b x + 56a b x + 112a b x + 64a x) | a
--R
--R /
--R
             6 12  2 5 10  3 4 8  4 3 6  5 2 4
--R
          49a b x + 539a b x + 2107a b x + 4025a b x + 4088a b x
--R
--R
             6 2 7
--R
          2128a b x + 448a
--R
--R
           +----+
```

```
+-+ | 2
--R
--R
         --R
            7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8 5 3 6
--R
--R
       - 7a b x - 196a b x - 1274a b x - 3724a b x - 5831a b x
--R
             6 2 4 7 2
--R
--R
        - 5096a b x - 2352a b x - 448a
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 1027
--S 1028 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1028
--S 1029 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1029
)clear all
--S 1030 of 1369
t0:=x^5/(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
--R
                            x
--R (1) ------
--R
--R
                3 6 2 2 4 3 2 4 | 2
--R
        (bx + 4abx + 6abx + 4abx + a) \setminus |bx + a|
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1030
--S 1031 of 1369
r0:=-1/7*a^2/(b^3*(a+b*x^2)^(7/2))+2/5*a/(b^3*(a+b*x^2)^(5/2))+_
    (-1/3)/(b^3*(a+b*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
                        2 4
--R
                    - 35b x - 28a b x - 8a
--R (2) ------
```

```
--R
         6 6 5 4 2 4 2 3 3 | 2
--R
--R
       (105b x + 315a b x + 315a b x + 105a b) \begin{picture}(105b x + 315a b x + 315a b x + 105a b) \end{picture}
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1031
--S 1032 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
            3 12 2 2 10 3 8 4 6 | 2
--R
--R
       (-56a b x - 581a b x - 1540a b x - 1120a x) \ b x + a
--R
--R
         4 14 3 12 2 2 10 3 8 4 6 +-+
--R
        (8b x + 224a b x + 1211a b x + 2100a b x + 1120a x) | a
--R /
--R
              2 6 12 3 5 10 4 4 8 5 3 6 6 2 4
--R
          735a b x + 8085a b x + 31605a b x + 60375a b x + 61320a b x
--R
--R
              7 2 8
--R
          31920a b x + 6720a
--R
            +----+
--R
         +-+ | 2
--R
--R
         --R
--R
            2 7 14 3 6 12 4 5 10 5 4 8 6 3 6
--R
       - 105a b x - 2940a b x - 19110a b x - 55860a b x - 87465a b x
--R
              7 2 4 8 2
--R
--R
       - 76440a b x - 35280a b x - 6720a
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1032
--S 1033 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
          3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2 3 6
--R.
        (- 8b x - 192a b x - 640a b x - 512a )\|a \|b x + a + 56a b x
--R
--R
          2 2 4 3 2
--R
       448a b x + 896a b x + 512a
--R /
--R
                               4 4 2 5 3 | 2
--R
           266 354
```

```
--R
      (105a b x + 2520a b x + 8400a b x + 6720a b) \begin{picture}(105a b x + 2520a b x + 8400a b x + 6720a b) \end{picture}
--R
            266 354 442 53+-+
--R
--R
      (- 735a b x - 5880a b x - 11760a b x - 6720a b )\|a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1033
--S 1034 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1034
)clear all
--S 1035 of 1369
t0:=x^4/(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
--R
--R (1) ------
--R
         48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
        (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1035
--S 1036 of 1369
r0:=1/7*x^5/(a*(a+b*x^2)^(7/2))+2/35*x^5/(a^2*(a+b*x^2)^(5/2))
--R
--R
                           7 5
--R
                       2b x + 7a x
--R
--R (2) ------
--R
          2 3 6 3 2 4 4 2 5 | 2
--R
--R
        (35a b x + 105a b x + 105a b x + 35a) \ x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1036
--S 1037 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R 4 13 3 11 2 2 9 3 7 4 5 | 2
```

```
--R
      (- 2b x - 55a b x - 328a b x - 688a b x - 448a x )\|b x + a
--R
         4 13 3 11 2 2 9 3 7 4 5 +-+
--R
--R
       (14b x + 161a b x + 616a b x + 912a b x + 448a x) | a
--R /
             2 6 12 3 5 10 4 4 8 5 3 6 6 2 4
--R
--R
         245a b x + 2695a b x + 10535a b x + 20125a b x + 20440a b x
--R
              7 2 8
--R
         10640a b x + 2240a
--R
--R
           +----+
--R
         +-+ | 2
--R
--R
        --R
--R
          2 7 14 3 6 12 4 5 10 5 4 8 6 3 6
--R
       - 35a b x - 980a b x - 6370a b x - 18620a b x - 29155a b x
--R
             7 2 4 8 2
--R
--R
       - 25480a b x - 11760a b x - 2240a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1037
--S 1038 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1038
--S 1039 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1039
)clear all
--S 1040 of 1369
t0:=x^3/(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
                            3
--R
--R (1) -----
--R
     48 36 224 3 2 4 | 2
--R
```

```
--R
   (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1040
--S 1041 of 1369
r0:=1/7*a/(b^2*(a+b*x^2)^(7/2))+(-1/5)/(b^2*(a+b*x^2)^(5/2))
--R
--R
                            2
--R
                        - 7b x - 2a
--R (2) -----
--R
          5 6 4 4 2 3 2 3 2 | 2
--R
--R
       (35b x + 105a b x + 105a b x + 35a b) \ b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1041
--S 1042 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R
            4 12  2 3 10  3 2 8  4 6  5 4 | 2
--R
      (- 14a b x - 154a b x - 595a b x - 980a b x - 560a x )\|b x + a
--R
        5 14 4 12 2 3 10 3 2 8 4 6 5 4 +-+
--R
--R
      (2b x + 56a b x + 364a b x + 1015a b x + 1260a b x + 560a x) | a
--R /
              3 6 12 4 5 10 5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
--R
           245a b x + 2695a b x + 10535a b x + 20125a b x + 20440a b x
--R
               8 2 9
--R
--R
          10640a b x + 2240a
--R
            +----+
--R
         +-+ | 2
--R
--R
        \|a \|b x + a
--R
           3 7 14 4 6 12 5 5 10 6 4 8 7 3 6
--R
       - 35a b x - 980a b x - 6370a b x - 18620a b x - 29155a b x
--R
--R
--R
            8 2 4 9 2 10
--R
        - 25480a b x - 11760a b x - 2240a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1042
--S 1043 of 1369
m0 := a0 - r0
--R
```

```
--R
            (4)
--R
--R
                                 3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2 3 6
--R
--R
                       (-2b x - 48a b x - 160a b x - 128a) | a | b x + a + 14a b x
--R
                                 2 2 4 3 2 4
--R
--R
                       112a b x + 224a b x + 128a
--R /
--R
                              3 5 6 4 4 4 5 3 2 6 2 | 2
--R
                       (35a b x + 840a b x + 2800a b x + 2240a b) \begin{picture}(b) x + a & (35a b x + 840a 
--R
--R
                                     3 5 6 4 4 4 5 3 2
--R
                                                                                                                                   6 2 +-+
                        (- 245a b x - 1960a b x - 3920a b x - 2240a b )\|a
--R
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1043
--S 1044 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1044
)clear all
--S 1045 of 1369
t0:=x^2/(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
--R
--R (1) ------
--R
                             48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
                          (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 1045
--S 1046 of 1369
r0:=1/7*x^3/(a*(a+b*x^2)^(7/2))+4/35*x^3/(a^2*(a+b*x^2)^(5/2))+_
            8/105*x^3/(a^3*(a+b*x^2)^(3/2))
--R.
--R
                                                                      2 7 5 2 3
--R
--R
                                                                 8b x + 28a b x + 35a x
--R
           (2) -----
--R
```

```
3 3 6 4 2 4 5 2 6 | 2
--R
--R
                          (105a b x + 315a b x + 315a b x + 105a) \ b x + a
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1046
--S 1047 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                              5 13 4 11 2 3 9 3 2 7 4 5
                                      - 8b x - 220a b x - 1347a b x - 3592a b x - 4592a b x
--R
--R
                                                 5 3
--R
--R
                                    - 2240a x
--R
--R
                               +----+
--R
                                | 2
--R
                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                         5 13 4 11 2 3 9 3 2 7 4 5
--R
--R
                                    56b x + 644a b x + 2709a b x + 5608a b x + 5712a b x
--R
--R
                                      5 3
--R
                                        2240a x
--R
--R
                                +-+
--R
                              \|a
--R /
                                        3 6 12 4 5 10 5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
--R
                                735a b x + 8085a b x + 31605a b x + 60375a b x + 61320a b x
--R
                                                8 2 9
--R
--R
                               31920a b x + 6720a
--R
                                       +----+
--R
                              +-+ | 2
--R
--R
                           --R
                                    3 7 14 4 6 12 5 5 10 6 4 8 7 3 6
--R
                        - 105a b x - 2940a b x - 19110a b x - 55860a b x - 87465a b x
--R
--R
--R
                                        8 2 4 9 2 10
--R
                        - 76440a b x - 35280a b x - 6720a
--R
                                                                                                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1047
--S 1048 of 1369
m0 := a0 - r0
--R
```

```
--R
--R (4) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1048
--S 1049 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1049
)clear all
--S 1050 of 1369
t0:=x/(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
--R (1) ------
--R
        48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
      (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1050
--S 1051 of 1369
r0:=(-1/7)/(b*(a+b*x^2)^(7/2))
--R
--R
--R
--R (2) - -----
          4 6 3 4 2 2 2 3 | 2
--R
--R
         (7b x + 21a b x + 21a b x + 7a b) \setminus |b x + a
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1051
--S 1052 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          5 12  2 4 10  3 3 8  4 2 6  5 4  6 2
--R
--R
        (-7abx -77abx -301abx -574abx -560abx -224ax)
--R
--R
         +----+
        1 2
--R
   \|b x + a
--R
```

```
--R
          6 14 5 12 2 4 10 3 3 8 4 2 6 5 4
--R
--R
         b x + 28a b x + 182a b x + 532a b x + 826a b x + 672a b x
--R
          6 2
--R
--R
         224a x
--R
--R
        \|a
--R
--R /
--R
           4 6 12 5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4
          49a b x + 539a b x + 2107a b x + 4025a b x + 4088a b x
--R
--R
            9 2 10
--R
--R
         2128a b x + 448a
--R
--R
           +----+
--R
         +-+ | 2
--R
        \|a \|b x + a
--R
         4 7 14 5 6 12 6 5 10 7 4 8 8 3 6
--R
--R
       - 7a b x - 196a b x - 1274a b x - 3724a b x - 5831a b x
--R
--R
         9 2 4 10 2 11
--R
       - 5096a b x - 2352a b x - 448a
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1052
--S 1053 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
         +----+
3 6 2 4 2 2 3 +-+ | 2 3 6 2 2 4
--R
--R
--R
      (-bx - 24abx - 80abx - 64a)\|a\|bx + a + 7abx + 56abx
--R
--R
         3 2 4
--R
      112a b x + 64a
--R /
--R
        4 4 6 5 3 4 6 2 2 7 | 2
--R
--R
       (7a b x + 168a b x + 560a b x + 448a b) \ b x + a
--R
          4 4 6 5 3 4 6 2 2 7 +-+
--R
--R
       (-49a b x - 392a b x - 784a b x - 448a b) | a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1053
--S 1054 of 1369
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1054
)clear all
--S 1055 of 1369
t0:=1/(a+b*x^2)^(9/2)
--R
--R
--R
--R
             (1) -----
--R
                              48 36 224 3 2 4 | 2
--R
--R
                         (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 1055
--S 1056 of 1369
r0:=1/7*x/(a*(a+b*x^2)^(7/2))+6/35*x/(a^2*(a+b*x^2)^(5/2))+_
             8/35*x/(a^3*(a+b*x^2)^(3/2))+16/35*x/(a^4*sqrt(a+b*x^2))
--R
--R
                                                          3 7 2 5 2 3 3
--R
--R
                                                 16b x + 56a b x + 70a b x + 35a x
--R
--R
                                       4 3 6 5 2 4 6 2 7 | 2
--R
--R
                            (35a b x + 105a b x + 105a b x + 35a) \ b x + a
--R
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1056
--S 1057 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                (3)
                                                 6 13 5 11 2 4 9 3 3 7 4 2 5
--R
                                      - 16b x - 440a b x - 2694a b x - 7219a b x - 10024a b x
--R
--R
--R
                                                      5 3 6
                                    - 7280a b x - 2240a x
--R
--R
                                  +----+
--R
--R
                                1 2
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
```

```
6 13 5 11 2 4 9 3 3 7 4 2 5
--R
--R
          112b x + 1288a b x + 5418a b x + 11461a b x + 13384a b x
--R
              5 3 6
--R
--R
          8400a b x + 2240a x
--R
--R
          +-+
--R
         \|a
--R /
            4 6 12 5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4
--R
--R
          245a b x + 2695a b x + 10535a b x + 20125a b x + 20440a b x
--R
              9 2 10
--R
          10640a b x + 2240a
--R
--R
--R
            +----+
--R
         +-+ | 2
--R
         \|a \|b x + a
--R
          4 7 14 5 6 12 6 5 10 7 4 8 8 3 6
--R
--R
       - 35a b x - 980a b x - 6370a b x - 18620a b x - 29155a b x
--R
--R
             9 2 4
                     10 2
                                  11
--R
        - 25480a b x - 11760a b x - 2240a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1057
--S 1058 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1058
--S 1059 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1059
)clear all
--S 1060 of 1369
t0:=1/(x*(a+b*x^2)^(9/2))
--R
--R
--R
                             1
```

```
--R
 --R
                                                 49 37 225 3 3 4 | 2
--R
--R
                                              (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a x) \setminus |b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 1060
--S 1061 of 1369
r0:=1/7/(a*(a+b*x^2)^(7/2))+1/5/(a^2*(a+b*x^2)^(5/2))+_
                     1/3/(a^3*(a+b*x^2)^(3/2))-atanh(sqrt(a+b*x^2)/sqrt(a))/_
                     a^{(9/2)+1/(a^4*sqrt(a+b*x^2))}
--R
--R
 --R
                        (2)
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                               1 2
 --R
                                                             3 6 2 4 2 2 3 | 2
                                                                                                                                                                                                                                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                       (-105b x - 315a b x - 315a b x - 105a) \ x + a atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                               \|a
--R
 --R
                                                        3 6 2 4 2 2
--R
                                         (105b x + 350a b x + 406a b x + 176a) \arraycolumnum
--R /
--R
                                                    4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ | 2
--R
--R
                                 --R
                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1061
--S 1062 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                         (3)
                                                                                                6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6
--R
--R
                                                                         735a b x + 8085a b x + 31605a b x + 60375a b x
 --R
                                                                                                5 2 4
                                                                                                                                       6 2
 --R
 --R
                                                                          61320a b x + 31920a b x + 6720a
 --R
                                                                     +----+
 --R
 --R.
                                                                     | 2
--R.
                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                 6 12 2 5 10
--R
                                                                                                 7 14
--R
                                                                          - 105b x - 2940a b x - 19110a b x - 55860a b x
--R
                                                                                                          4 3 6 5 2 4 6 2 7
--R
--R
                                                                          - 87465a b x - 76440a b x - 35280a b x - 6720a
```

```
--R
--R
                                         +-+
--R
                                        \|a
--R
                                       +-----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
                                       \b x + a - \a
--R
                              log(-----)
--R
--R
--R
                                                 6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6 5 2 4
--R
                                 1127a b x + 10682a b x + 35770a b x + 56560a b x + 43680a b x
--R
                                             6 2
--R
--R
                                13440a b x
--R
--R
                               +----+
--R
                               1 2
--R
                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                      7 14 6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6
--R
--R
                                 - 176b x - 4193a b x - 23702a b x - 59430a b x - 76720a b x
--R
                                    5 2 4 6 2
--R
                                - 50400a b x - 13440a b x
--R
--R
--R
                               +-+
--R
                              \|a
--R /
                                      5 6 12 6 5 10 7 4 8 8 3 6 9 2 4
--R
--R
                                735a b x + 8085a b x + 31605a b x + 60375a b x + 61320a b x
--R
                                               10 2 11
--R
--R
                               31920a b x + 6720a
--R
                                       +----+
--R
                              +-+ | 2
--R
--R
                           \|a \|b x + a
--R
                                   5 7 14 6 6 12 7 5 10 8 4 8 9 3 6
--R
                      - 105a b x - 2940a b x - 19110a b x - 55860a b x - 87465a b x
--R
--R
--R.
                                   10 2 4 11 2 12
--R
                         - 76440a b x - 35280a b x - 6720a
--R
                                                                                                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1062
--S 1063 of 1369
m0 := a0 - r0
--R
```

```
--R
            (4)
--R
--R
                                           36 24 2 2 3 2
--R
--R
                                 (105b x + 2520a b x + 8400a b x + 6720a) \begin{picture}(105b x + 2520a b x + 8400a b x + 6720a)\end{picture}
--R
                                                  3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
--R
                                   (-735b x - 5880a b x - 11760a b x - 6720a) | a
--R
--R
--R
                                         1 2
--R
                                        \b x + a - \a
--R
                               log(-----)
--R
--R
--R
                                              3 6 2 4 2 2 3 | 2
--R
                                    (105b x + 2520a b x + 8400a b x + 6720a) \ x + a
--R
--R
                                                 3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
--R
                                    (-735b x - 5880a b x - 11760a b x - 6720a) | a
--R
--R
--R
                                               1 2
--R
                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                              atanh(-----)
                                                      +-+
--R
--R
                                                       \|a
--R
--R
                                  3 6 2 4 2 2 3 | 2
--R
--R
                        (176b x + 4224a b x + 14080a b x + 11264a) \begin{picture}(176b x + 4224a b x + 14080a b x + 11264a)\end{picture}
--R
                                         3 6 2 4 2 2 3 +-+
--R
--R
                        (-1232b x - 9856a b x - 19712a b x - 11264a)
--R /
--R
                                 4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ | 2 5 3 6
--R
--R
                        (105a b x + 2520a b x + 8400a b x + 6720a) | a | b x + a - 735a b x
--R
                                                                 7 2 8
--R
                                      6 2 4
                        - 5880a b x - 11760a b x - 6720a
--R
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1063
--S 1064 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1064
)clear all
--S 1065 of 1369
t0:=1/(x^2*(a+b*x^2)^(9/2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R
         4 10 3 8 2 2 6 3 4 4 2 | 2
--R
--R
        (bx + 4abx + 6abx + 4abx + ax) \setminus |bx + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1065
--S 1066 of 1369
r0:=1/7/(a*x*(a+b*x^2)^(7/2))+8/35/(a^2*x*(a+b*x^2)^(5/2))+_
    16/35/(a^3*x*(a+b*x^2)^(3/2))+64/35/(a^4*x*sqrt(a+b*x^2))-_
    128/35*sqrt(a+b*x^2)/(a^5*x)
--R
--R
--R
             48 36 224 32 4
--R
        - 128b x - 448a b x - 560a b x - 280a b x - 35a
--R
--R
          5 3 7 6 2 5 7 3 8 | 2
--R
--R
        (35a b x + 105a b x + 105a b x + 35a x) \setminus |b x + a|
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1066
--S 1067 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
             7 14 6 12 2 5 10 3 4 8 4 3 6
--R
--R
          1024b x + 13824a b x + 64896a b x + 149440a b x + 187544a b x
--R
               5 2 4 6 2
--R
          128240a b x + 42560a b x + 4480a
--R
--R
--R
             +----+
         +-+ | 2
--R
--R
        --R
           8 16 7 14 2 6 12 3 5 10 4 4 8
--R
      - 128b x - 4544a b x - 35376a b x - 122648a b x - 229667a b x
--R
--R
```

```
5 3 6 6 2 4 7 2 8
--R
--R
                           - 246624a b x - 148960a b x - 44800a b x - 4480a
--R /
                                            5 7 15 6 6 13 7 5 11 8 4 9 9 3 7
--R
--R
                                     35a b x + 1225a b x + 9065a b x + 29155a b x + 49280a b x
--R
                                                  10 2 5 11 3 12
--R
--R
                                   45920a b x + 22400a b x + 4480a x
--R
--R
                                  +----+
--R
                                  | 2
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                  5 7 15 6 6 13 7 5 11 8 4 9 9 3 7
--R
--R
                                    - 280a b x - 3920a b x - 19600a b x - 49280a b x - 69720a b x
--R
--R
                                                        10 2 5
                                                                                      11 3
                                                                                                                               12
--R
                                  - 56560a b x - 24640a b x - 4480a x
--R
--R
                                  +-+
--R
                                \|a
--R
                                                                                                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1067
--S 1068 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1068
--S 1069 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1069
)clear all
--S 1070 of 1369
t0:=1/(x^3*(a+b*x^2)^(9/2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R
             4 11 3 9 2 2 7 3 5 4 3 | 2
--R
```

```
--R
                         (bx + 4abx + 6abx + 4abx + ax) \setminus |bx + ax|
--R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1070
--S 1071 of 1369
r0:=1/7/(a*x^2*(a+b*x^2)^(7/2))+9/35/(a^2*x^2*(a+b*x^2)^(5/2))+_
            3/5/(a^3*x^2*(a+b*x^2)^(3/2))+9/2*b*atanh(sqrt(a+b*x^2)/_
            sqrt(a))/a^{(11/2)+3/(a^4*x^2*sqrt(a+b*x^2))-9/2*sqrt(a+b*x^2)/(a^5*x^2)}
--R
--R
--R
             (2)
--R
                                     48 36 224 32|2
--R
--R
                             (315b x + 945a b x + 945a b x + 315a b x) \ b x + a
--R
--R
--R.
                                             1 2
--R
                                         \|b x + a
--R
                            atanh(-----)
                                                    +-+
--R
--R
                                                    \|a
--R
                                    48 36 224 32 4+-+
--R
--R
                        (-315b x - 1050a b x - 1218a b x - 528a b x - 35a) | a
--R /
--R
                            5 3 8 6 2 6 7 4 8 2 +-+ | 2
--R
--R
                   (70a b x + 210a b x + 210a b x + 70a x) | a | b x + a
--R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1071
--S 1072 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             (3)
                                                              8 16 2 7 14 3 6 12
--R
--R
                                          - 2835a b x - 46305a b x - 257985a b x - 705915a b x
--R
--R
                                                                  5 4 8
                                                                                         6 3 6
                                                                                                                                      7 2 4
                                           - 1071000a b x - 922320a b x - 423360a b x - 80640a b x
--R
--R
--R.
                                        +----+
--R
                                        1 2
--R
                                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                 9 18 8 16 2 7 14 3 6 12
--R
--R
                                          315b x + 13860a b x + 127890a b x + 520380a b x
--R
--R
                                                              4 5 10
                                                                                                  5 4 8 6 3 6 7 2 4
```

```
--R
                                      1149435a b x + 1484280a b x + 1123920a b x + 463680a b x
--R
--R
                                                8 2
--R
                                   80640a b x
--R
--R
                                    +-+
--R
                                   \|a
--R
                                 +----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
                                \|b x + a - \|a
--R
                          log(-----)
--R
--R
--R
                                               8 16 2 7 14 3 6 12 4 5 10
--R
                              - 3177a b x - 43386a b x - 198954a b x - 427140a b x
--R
--R
                                              5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2
--R
                            - 454685a b x - 193480a b x + 35280a b x + 51520a b x + 8960a
--R
--R
                            +----+
--R
                           1 2
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                 9 18 8 16 2 7 14 3 6 12
--R
                            388b x + 14237a b x + 110278a b x + 367934a b x
--R
                                 4 5 10 5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
--R
                            629860a b x + 552965a b x + 181720a b x - 59920a b x
--R
                                             8 2 9
--R
--R
                           - 56000a b x - 8960a
--R
--R
                           +-+
--R
                         \|a
--R /
                                   6 7 16 7 6 14 8 5 12 9 4 10
--R
--R
                            630a b x + 10290a b x + 57330a b x + 156870a b x
--R
                                          10 3 8 11 2 6 12 4
--R
--R
                              238000a b x + 204960a b x + 94080a b x + 17920a x
--R
                                 +----+
--R.
                          +-+ | 2
--R
--R
                         \|a \|b x + a
--R
                            6 8 18 7 7 16 8 6 14 9 5 12 10 4 10
--R
--R
                     - 70a b x - 3080a b x - 28420a b x - 115640a b x - 255430a b x
--R
                                       11 3 8 12 2 6 13 4 14 2
--R
```

```
--R - 329840a b x - 249760a b x - 103040a b x - 17920a x
--R
                                                                                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1072
--S 1073 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
                                                 58 46 234 322 4
--R
--R
                                    (- 315b x - 12600a b x - 75600a b x - 141120a b x - 80640a b)
--R
--R
                                      1 2
--R
--R
                                 \b x + a
--R
--R
                                      5 8 4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
                            (2835b x + 37800a b x + 136080a b x + 181440a b x + 80640a b)\|a
--R
--R
                                       +----+
--R
                                     | 2 +-+
--R
                                 \|b x + a - \|a
                           log(-----)
--R
                                           x
--R
--R
                                      5 8 4 6 2 3 4 3 2 2 4
--R
--R
                                     (-315b x - 12600a b x - 75600a b x - 141120a b x - 80640a b)
--R
--R
--R
                                     1 2
--R
                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                        5 8 4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
--R
                           (2835b x + 37800a b x + 136080a b x + 181440a b x + 80640a b)\a
--R
--R
                                         1 2
--R
--R
                                     \|b x + a
--R
                            atanh(-----)
                                                +-+
--R
--R
                                               \|a
--R
--R
                                      58 46 234 322 4
--R
                           (-388b x - 15520a b x - 93120a b x - 173824a b x - 99328a b)
--R
--R
                            +----+
--R
                           | 2
                          \|b x + a
--R
--R
                           5 8 4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
```

```
--R
                                      (3492b x + 46560a b x + 167616a b x + 223488a b x + 99328a b) | a
--R /
--R
                                                           5 4 8 6 3 6 7 2 4 8 2 9 +-+
--R
                                             (70a b x + 2800a b x + 16800a b x + 31360a b x + 17920a) \arraycolumnum (100a b x + 2800a b x + 16800a b x + 16800a b x + 17920a) \arraycolumnum (100a b x + 2800a b x + 16800a b x + 16800a b x + 16800a b x + 17920a) \arraycolumnum (100a b x + 16800a 
--R
--R
                                            1 2
--R
--R
                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                    7 3 6 8 2 4 9 2 10
                                                     6 4 8
--R
                                    - 630a b x - 8400a b x - 30240a b x - 40320a b x - 17920a
--R
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1073
--S 1074 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1074
)clear all
--S 1075 of 1369
t0:=1/(x^4*(a+b*x^2)^(9/2))
--R
--R
--R
--R (1) ------
--R.
                                          4 12 3 10 2 2 8 3 6 4 4 | 2
--R
--R
                                      (bx + 4abx + 6abx + 4abx + ax) \setminus |bx + a
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 1075
--S 1076 of 1369
r0:=1/7/(a*x^3*(a+b*x^2)^(7/2))+2/7/(a^2*x^3*(a+b*x^2)^(5/2))+_
                   16/21/(a^3*x^3*(a+b*x^2)^(3/2))+32/7/(a^4*x^3*sqrt(a+b*x^2))-_
                   128/21*sqrt(a+b*x^2)/(a^5*x^3)+256/21*b*sqrt(a+b*x^2)/(a^6*x)
--R
--R
--R
                                                    5 10
                                                                                                 48 236 324
                                                                                                                                                                                                                                4 2
--R
                                        256b x + 896a b x + 1120a b x + 560a b x + 70a b x - 7a
--R (2) ------
--R
                                                                         6 3 9 7 2 7 8 5 9 3 | 2
--R
                                                           (21a b x + 63a b x + 63a b x + 21a x) \ b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--R
--E 1076
```

```
--S 1077 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                            9 18 8 16 2 7 14 3 6 12
--R
--R
                              - 2560b x - 49920a b x - 326592a b x - 1049056a b x
--R
                                                                                       5 4 8 6 3 6 7 2 4
--R
                                                 4 5 10
--R
                             - 1891516a b x - 1993082a b x - 1192800a b x - 353696a b x
--R
                                             8 2
--R
--R
                            - 28672a b x + 3584a
--R
--R
                                   +----+
--R
                          +-+ | 2
--R
                         \|a \|b x + a
--R
                           10 20 9 18 2 8 16 3 7 14 4 6 12
--R
--R
                      256b x + 13696a b x + 148320a b x + 701680a b x + 1807270a b x
--R
                           5 5 10 6 4 8 7 3 6 8 2 4
--R
--R
                      2759845a b x + 2547202a b x + 1365840a b x + 368480a b x
--R
--R
                               9 2 10
--R
                      26880a b x - 3584a
--R /
                                  6 8 19 7 7 17 8 6 15 9 5 13
--R
--R
                             21a b x + 1113a b x + 11613a b x + 51891a b x
--R
                                  10 4 11 11 3 9 12 2 7 13 5
--R
--R
                            123690a b x + 170352a b x + 136416a b x + 59136a b x
--R
--R
                                         14 3
--R
                           10752a x
--R
                            +----+
--R
                             | 2
--R
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                       6 8 19 7 7 17 8 6 15 9 5 13
--R
                              - 210a b x - 4200a b x - 28812a b x - 98952a b x
--R
                                               10 4 11 11 3 9 12 2 7 13 5
--R
--R
                              - 195090a b x - 231840a b x - 164640a b x - 64512a b x
--R
--R
                                             14 3
                              - 10752a x
--R
--R
```

```
--R
--R
            \|a
--R
                                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1077
--S 1078 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4) 0
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1078
--S 1079 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1079
)clear all
--S 1080 of 1369
t0:=x^5/sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
               5
--R
             x
--R (1) -----
--R +----+
           1 2
--R
--R
          14x + 9
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1080
--S 1081 of 1369
\texttt{r0:=}27/40*\texttt{sqrt}(9+4*\texttt{x}^2)-3/20*\texttt{x}^2*\texttt{sqrt}(9+4*\texttt{x}^2)+1/20*\texttt{x}^4*\texttt{sqrt}(9+4*\texttt{x}^2)
--R
--R
--R
                            +----+
            4 2 | 2
--R
--R
       (2x - 6x + 27) \setminus |4x + 9
--R
    (2) -----
--R
                       40
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1081
--S 1082 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
    (3)
--R
              9 7 5 3 | 2 10
--R
       (-1024x + 192x - 6804x - 34020x - 21870x) | 4x + 9 + 2048x
--R
--R
--R
                    6
        1920x + 11880x + 85050x + 109350x + 19683
--R
--R /
--R
                              1 2
                  2
--R
                                             5
       (10240x + 17280x + 3240)\|4x + 9 - 20480x - 57600x - 32400x
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1082
--S 1083 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1083
--S 1084 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1084
)clear all
--S 1085 of 1369
t0:=x^4/sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
             4
--R
            x
--R
    (1) -----
        +----+
--R
--R
         1 2
--R
         |4x + 9|
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1085
--S 1086 of 1369
\verb"r0:=243/256*asinh(2/3*x)-27/128*x*sqrt(9+4*x^2)+1/16*x^3*sqrt(9+4*x^2)
--R
```

```
--R
      3 | 2 2x
--R
--R
--R
      (16x - 54x) | 4x + 9 + 243asinh(--)
--R
--R
   (2) -----
--R
                   256
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1086
--S 1087 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
            3 | 2 4 2
--R
        ((-15552x - 17496x))/4x + 9 + 31104x + 69984x + 19683)
--R
--R
--R
            +----+
--R
           | 2
       log(|4x + 9 - 2x)
--R
--R
--R
        7 5 3 | 2 8 4
--R
      (-2048x + 2304x + 14256x + 4374x)\|4x + 9 + 4096x - 36288x
--R
--R
--R
--R
       - 34992x
--R /
      3 | 2 4 2
--R
--R
     (16384x + 18432x) | 4x + 9 - 32768x - 73728x - 20736
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1087
--S 1088 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              1 2
--R
--R
       -243\log(|4x + 9 - 2x) - 243a\sinh(--)
--R
--R
   (4) -----
--R
                     256
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1088
--S 1089 of 1369
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1089
)clear all
--S 1090 of 1369
t0:=x^3/sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
            3
--R
--R
           x
--R (1) -----
--R +----+
--R
         1 2
--R
       14x + 9
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1090
--S 1091 of 1369
r0:=-3/8*sqrt(9+4*x^2)+1/12*x^2*sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
        2 | 2
--R
    (2x - 9) \setminus |4x + 9|
--R
--R (2) -----
        24
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1091
--S 1092 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            5 3 | 2 6 4 2
--R
       (-64x + 180x + 486x) \setminus |4x + 9 + 128x - 216x - 1458x - 729
--R
--R
                      +----+
2 | 2
--R
--R
                    (384x + 216) | 4x + 9 - 768x - 1296x
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1092
--S 1093 of 1369
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1093
--S 1094 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1094
)clear all
--S 1095 of 1369
t0:=x^2/sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
      _
x
--R
--R (1) -----
--R
--R
         1 2
--R
         14x + 9
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1095
--S 1096 of 1369
r0:=-9/16*asinh(2/3*x)+1/8*x*sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
          +----+
| 2 2x
--R
--R
       2x \mid 4x + 9 - 9asinh(--)
--R
--R
--R
   (2) -----
                 16
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1096
--S 1097 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
            --R
--R
        (36x\|4x + 9 - 72x - 81)\log(\|4x + 9 - 2x)
--R
```

```
--R
       + + +----+ 3 | 2 | 4 | 2
--R
--R 3 | \angle --R (- 16x - 18x)\|4x + 9 + 32x + 72x
        +----+
--R
        | 2 2
--R
      64x\|4x + 9 - 128x - 144
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1097
--S 1098 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
            +----+
        .
| 2
--R
--R
       9\log(|4x + 9 - 2x) + 9asinh(--)
--R
--R (4) -----
--R
                    16
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1098
--S 1099 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1099
)clear all
--S 1100 of 1369
t0:=x/sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
            x
--R
   (1) -----
    +----+
--R
--R
         1 2
       \|4x + 9
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1100
--S 1101 of 1369
r0:=1/4*sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
```

```
--R +----+
--R | 2
--R \|4x + 9
--R (2) -----
   4
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1101
--S 1102 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         +----+
| 2 2
--R
--R
    -2x(4x + 9 + 4x + 9)
--R
--R (3) -----
--R
          +----+
| 2
--R
--R
           4 \mid 4x + 9 - 8x
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 1102
--S 1103 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1103
--S 1104 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1104
)clear all
--S 1105 of 1369
t0:=1/sqrt(9+4*x^2)
--R
--R
--R
        1
--R (1) -----
--R +----+
        1 2
--R
   \|4x + 9
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1105
--S 1106 of 1369
r0:=1/2*asinh(2/3*x)
--R
--R
--R
--R
         asinh(--)
--R
    (2) -----
--R
          2
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1106
--S 1107 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
              +----+
           | 2
--R
    log(|4x + 9 - 2x)
--R
           2
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1107
--S 1108 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        +----+
| 2 2x
--R
         -\log(|4x + 9 - 2x) - asinh(--)
--R
--R
--R
--R
                       2
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1108
--S 1109 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1109
)clear all
--S 1110 of 1369
```

```
t0:=1/(x*sqrt(9+4*x^2))
--R
--R
--R 1
--R (1) -----
--R +----+
--R | 2
--R
      x\|4x + 9
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1110
--S 1111 of 1369
r0:=-1/3*atanh(1/3*sqrt(9+4*x^2))
--R
--R
             +----+
--R
            1 2
--R
          \|4x + 9
--R atanh(-----)
--R 3
--R (2) - -----
--R
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 1111
--S 1112 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
           --R
--R
--R (3) -----
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1112
--S 1113 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                                               +----+
                                              1 2
--R
     --R
                                             14x + 9
--R - \log(|4x + 9 - 2x + 3) + \log(|4x + 9 - 2x - 3) + \operatorname{atanh}(-----)
--R
--R
                            3
--R
                                     Type: Expression(Integer)
```

```
--Е 1113
--S 1114 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1114
)clear all
--S 1115 of 1369
t0:=1/(x^2*sqrt(9+4*x^2))
--R
--R
--R
           1
--R (1) -----
--R +----+
--R
        2 | 2
--R
       x \mid |4x + 9|
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1115
--S 1116 of 1369
r0:=-1/9*sqrt(9+4*x^2)/x
--R
--R
--R +----+
--R | 2
--R \|4x + 9
--R (2) - -----
          9x
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1116
--S 1117 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                 1
--R (3) - -----
--R +----+
--R | 2 2
        x \mid 4x + 9 - 2x
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1117
--S 1118 of 1369
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R 2
--R (4) - -
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1118
--S 1119 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1119
)clear all
--S 1120 of 1369
t0:=1/(x^3*sqrt(9+4*x^2))
--R
--R
--R
      1
--R (1) -----
    3 | 2
         +----+
--R
--R
     x \|4x + 9
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1120
--S 1121 of 1369
r0:=2/27*atanh(1/3*sqrt(9+4*x^2))-1/18*sqrt(9+4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
         2 \|4x + 9 | 2
--R
--R
       4x \operatorname{atanh}(-----) - 3 | 4x + 9
--R
--R
--R
    (2) -----
--R
--R
                     54x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1121
--S 1122 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
--R
--R
--R
       (16x | 4x + 9 - 32x - 36x) \log(|4x + 9 - 2x + 3)
--R
            --R
--R
       (-16x | 4x + 9 + 32x + 36x) \log(|4x + 9 - 2x - 3)
--R
--R
--R
                +----+
         2 | 2
                          3
--R
--R
        (24x + 27) \setminus |4x + 9 - 48x - 108x
--R /
--R
        3 | 2 4 2
--R
      216x \|4x + 9 - 432x - 486x
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1122
--S 1123 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
     +----+ +-----
| 2 | 2
                                                      1 2
--R
                                                      |4x + 9|
--R
    2\log(\4x + 9 - 2x + 3) - 2\log(\4x + 9 - 2x - 3) - 2atanh(-----)
--R
--R
--R
--R
                                 27
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1123
--S 1124 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1124
)clear all
--S 1125 of 1369
t0:=1/(x^4*sqrt(9+4*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
         +----+
--R
```

```
4 | 2
--R
--R
        x \mid 4x + 9
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1125
--S 1126 of 1369
r0:=-1/27*sqrt(9+4*x^2)/x^3+8/243*sqrt(9+4*x^2)/x
--R
--R
--R
--R
               | 2
       (8x - 9) | 4x + 9
--R
--R (2) -----
--R
--R
             243x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1126
--S 1127 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               | 2 2
--R
--R
           2x | 4x + 9 - 4x - 3
--R
    (3) -----
                +----+
--R
         5 3 | 2 6 4
--R
--R
        (16x + 9x) | 4x + 9 - 32x - 54x
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1127
--S 1128 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         16
   (4) ---
--R
--R
         243
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1128
--S 1129 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1129
```

```
)clear all
--S 1130 of 1369
t0:=1/(x^5*sqrt(9+4*x^2))
--R
--R
--R
--R
         +----+
--R
        5 | 2
--R
--R
        x \|4x + 9
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1130
--S 1131 of 1369
r0:=-2/81*atanh(1/3*sqrt(9+4*x^2))-1/36*sqrt(9+4*x^2)/x^4+_
    1/54*sqrt(9+4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
                   +----+
--R
                  | 2
                                     +----+
                  --R
--R
         - 8x \operatorname{atanh}(------) + (6x - 9) \setminus |4x + 9|
--R
     (2) -----
--R
--R
--R
                         324x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1131
--S 1132 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
               +----+
7 5 | 2 8 6
--R
--R
--R
          ((-512x - 576x))/4x + 9 + 1024x + 2304x + 648x)
--R
--R
              +----+
              | 2
--R
--R
         log(|4x + 9 - 2x + 3)
--R
--R
                       +----+
              7 5 | 2 8 6 4
--R
          ((512x + 576x) | 4x + 9 - 1024x - 2304x - 648x)
--R
--R
--R
              +----+
--R
             1 2
         log(|4x + 9 - 2x - 3)
--R
```

```
--R
      +----+
6 4 2 | 2 7 5 3
--R
--R
     (-768x - 576x + 2106x + 729)\|4x + 9 + 1536x + 2880x - 3888x
--R
--R
--R
       - 5832x
--R /
--R
       +----+
7 5 | 2 8 6 4
--R
      (20736x + 23328x) | 4x + 9 - 41472x - 93312x - 26244x
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1132
--S 1133 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                                    1 2
--R
     +----+
                                        | 2
\|4x + 9
--R
--R - 2\log(|4x + 9 - 2x + 3) + 2\log(|4x + 9 - 2x - 3) + 2atanh(-----)
--R
--R
--R
                               81
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1133
--S 1134 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1134
)clear all
--S 1135 of 1369
t0:=x^5/sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R
           5
        x
--R
--R (1) -----
    +----+
--R
       1 2
--R \|- 4x + 9
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1135
```

```
--S 1136 of 1369
\verb"r0:=-27/40*sqrt(9-4*x^2)-3/20*x^2*sqrt(9-4*x^2)-1/20*x^4*sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R
                      +----+
        4 2 | 2
--R
     (-2x - 6x - 27) | -4x + 9
--R
--R (2) -----
          40
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1136
--S 1137 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
              8 6 | 2 10 8 6
--R
--R
            (15x - 90x) | - 4x + 9 + 4x - 105x + 270x
--R (3) -----
--R
         4 2 | 2 4 2
--R
        (20x - 540x + 1620) = 4x + 9 - 300x + 2700x - 4860
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1137
--S 1138 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        81
--R (4) - --
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1138
--S 1139 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1139
)clear all
--S 1140 of 1369
t0:=x^4/sqrt(9-4*x^2)
--R
```

```
--R
--R
--R
          x
--R
    (1) -----
--R
        1 2
--R
--R
        |-4x + 9|
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1140
--S 1141 of 1369
r0:=243/256*asin(2/3*x)-27/128*x*sqrt(9-4*x^2)-1/16*x^3*sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
          3 | 2
--R
--R
       (-16x - 54x) | -4x + 9 + 243asin(--)
--R
--R
   (2) -----
--R
                      256
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1141
--S 1142 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
              2 | 2 4 2
--R
         ((-1458x + 6561)) - 4x + 9 - 486x + 8748x - 19683)
--R
--R
--R
            | 2
--R
--R
           1 - 4x + 9 - 3
        atan(-----)
--R
              2x
--R
--R
          7 5 3 | 2 7 5 3
--R
--R
       (- 16x + 234x + 324x - 2187x)\|- 4x + 9 + 192x - 648x - 2430x
--R
--R
--R
       6561x
--R /
--R
                 +----+
       2 | 2 4
                                   2
--R
      (768x - 3456) | -4x + 9 + 256x - 4608x + 10368
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1142
```

```
--S 1143 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                 1 2
--R
                \|- 4x + 9 - 3 2x
--R
        - 486atan(-----) - 243asin(--)
2x 3
--R
--R
--R
--R
                       256
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1143
--S 1144 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1144
)clear all
--S 1145 of 1369
t0:=x^3/sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R 3
--R x
--R (1) -----
--R +----+
        1 2
--R
       \ |-4x + 9
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1145
--S 1146 of 1369
r0:=-3/8*sqrt(9-4*x^2)-1/12*x^2*sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R
        2 | 2
--R
   (-2x - 9) | -4x + 9
--R
--R (2) -----
          24
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1146
--S 1147 of 1369
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
              +----+
            4 | 2 6 4
--R 4 | 2 6 4
--R 9x \|- 4x + 9 + 4x - 27x
--R (3) -----
     2 | 2 2
--R
--R
--R
       (12x - 108) | -4x + 9 - 108x + 324
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1147
--S 1148 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R (4) - -
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1148
--S 1149 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1149
)clear all
--S 1150 of 1369
t0:=x^2/sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
       z
X
--R
--R
--R
   (1) -----
    +----+
--R
        1 2
--R
    \ |-4x + 9
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1150
--S 1151 of 1369
r0:=9/16*asin(2/3*x)-1/8*x*sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
```

```
--R +----+
--R | 2 2x
--R
      -2x\|-4x + 9 + 9asin(--)
--R
--R (2) -----
         16
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1151
--S 1152 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
        --R
--R
     (- 27\|- 4x + 9 - 18x + 81)atan(-----)
--R
--R
--R
        3 | 2 3
--R
--R
--R
      (-2x + 9x) | -4x + 9 + 12x - 27x
--R /
--R
       +----+
      1 2 2
--R
--R
     24 | -4x + 9 + 16x - 72
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1152
--S 1153 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              1 2
--R
            \|- 4x + 9 - 3 2x
--R
       - 18atan(-----) - 9asin(--)
2x 3
--R
--R
--R
    (4) -----
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1153
--S 1154 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
```

```
--Е 1154
)clear all
--S 1155 of 1369
t0:=x/sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R
           x
--R
         +----+
--R
         1 2
--R
       1-4x+9
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1155
--S 1156 of 1369
r0:=-1/4*sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
          +----+
--R
          1 2
--R
    \|- 4x + 9
--R
    (2) - -----
--R
          4
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1156
--S 1157 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
            2
x
--R
--R
--R
--R
         1 2
--R
--R
        1 - 4x + 9 - 3
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1157
--S 1158 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) - -
--R
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1158
```

```
--S 1159 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1159
)clear all
--S 1160 of 1369
t0:=1/sqrt(9-4*x^2)
--R
--R
--R
           1
--R (1) -----
--R +----+
         1 2
--R
    | 2
||- 4x + 9
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1160
--S 1161 of 1369
r0:=1/2*asin(2/3*x)
--R
--R
        2x
--R 2x
--R asin(--)
--R 3
--R (2) -----
     2
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1161
--S 1162 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
               +----+
--R
               1 2
--R
     \|- 4x + 9 - 3
--R
--R (3) - atan(-----)
--R 2x
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1162
--S 1163 of 1369
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
--R
               1 2
              \|- 4x + 9 - 3 2x
--R
        - 2atan(-----) - asin(--)
2x 3
--R
--R
--R
    (4) -----
                     2
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1163
--S 1164 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1164
)clear all
--S 1165 of 1369
t0:=1/(x*sqrt(9-4*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
   +----+
| 2
--R
--R
    x\|- 4x + 9
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1165
--S 1166 of 1369
r0:=-1/3*atanh(1/3*sqrt(9-4*x^2))
--R
--R
--R
               +----+
          | 2
\|- 4x + 9
--R
--R
        atanh(-----)
--R
--R
--R
    (2) - -----
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1166
--S 1167 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R +-----+

--R | 2

--R | -4x + 9 - 3

--R | log(------)

--R x
--R
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1167
--S 1168 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
         --R
--R
--R
        log(-----) + atanh(-----)
--R
--R
--R
--R
                          3
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1168
--S 1169 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1169
)clear all
--S 1170 of 1369
t0:=1/(x^2*sqrt(9-4*x^2))
--R
--R
--R
--R
    +----+
--R
--R
         2 | 2
    x \|- 4x + 9
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1170
--S 1171 of 1369
r0:=-1/9*sqrt(9-4*x^2)/x
--R
```

```
--R
        +----+
| 2
--R
--R
--R | \( \sum_{-} \text{R} \) + 9
--R (2) - -----
         9x
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1171
--S 1172 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         +----+
        1 2 2
--R
--R (3) -----
         +----+
| 2
--R
--R
         9x = 4x + 9 - 27x
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1172
--S 1173 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1173
--S 1174 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1174
)clear all
--S 1175 of 1369
t0:=1/(x^3*sqrt(9-4*x^2))
--R
--R
--R
          1
--R (1) -----
--R
        +----+
--R
       3 | 2
```

```
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1175
--S 1176 of 1369
r0:=-2/27*atanh(1/3*sqrt(9-4*x^2))-1/18*sqrt(9-4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
                | 2 +----+
|- 4x + 9 | 2
--R
--R
        - 4x \operatorname{atanh}(-----) - 3|- 4x + 9
--R
--R
--R
--R
--R
                       54x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1176
--S 1177 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                                   +----+
| 2
          --R
--R
--R
        (12x \mid -4x + 9 + 8x - 36x) \log(----)
--R
--R
--R
         2 | 2
--R
       (-6x + 27) | -4x + 9 + 36x - 81
--R
--R /
        +----+
2 | 2 4
--R
--R
      162x \mid -4x + 9 + 108x - 486x
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1177
--S 1178 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
            --R
         1 - 4x + 9 - 3 1 - 4x + 9
--R
--R
        2log(-----) + 2atanh(-----)
--R
--R
--R
                          27
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1178
--S 1179 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1179
)clear all
--S 1180 of 1369
t0:=1/(x^4*sqrt(9-4*x^2))
--R
--R
--R
         1
--R (1) -----
--R +----+
--R 4 | 2
--R x \|- 4x + 9
       4 | 2
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1180
--S 1181 of 1369
r0:=-1/27*sqrt(9-4*x^2)/x^3-8/243*sqrt(9-4*x^2)/x
--R
--R
--R
       2 | 2
--R 2 | 2
--R (-8x -9)\|-4x +9
--R (2) -----
--R
--R
             243x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1181
--S 1182 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                       +----+
          4 2 | 2 6 4 2
--R
--R
       (72x - 135x - 243) | -4x + 9 + 32x - 324x + 243x + 729
--R (3) ------
--R
                5 3 | 2
--R
              (243x - 2187x) | - 4x + 9 - 2187x + 6561x
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
```

```
--E 1182
--S 1183 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1183
--S 1184 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1184
)clear all
--S 1185 of 1369
t0:=1/(x^5*sqrt(9-4*x^2))
--R
--R
      1
--R
--R (1) -----
    +----+
5 | 2
--R
--R
    x \|- 4x + 9
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1185
--S 1186 of 1369
r0:=-2/81*atanh(1/3*sqrt(9-4*x^2))-1/36*sqrt(9-4*x^2)/x^4-_
    1/54*sqrt(9-4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
         | 2 +-----+
4 \|- 4x + 9 2 | 2
--R
--R
       - 8x atanh(-----) + (- 6x - 9)\|- 4x + 9
--R
--R
                      3
--R.
    (2) -----
--R
                            4
--R
                            324x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1186
--S 1187 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
    (3)
--R
         +-----+ | 2
6 4 | 2 8 6 4 \|-4x + 9 - 3
--R
--R
      ((48x - 216x)\|- 4x + 9 + 16x - 288x + 648x)log(-----)
--R
--R
--R
--R
        6 4 2 | 2 6 4
--R
       (-12x + 198x - 162x - 729) | -4x + 9 + 144x - 756x + 2187
--R
--R /
--R
       6 4 2 8 6 4
--R
--R
      (1944x - 8748x) | - 4x + 9 + 648x - 11664x + 26244x
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1187
--S 1188 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
           1 2
                                1 2
--R
            1 - 2 1 - 2 1 - 2 1 - 4x + 9
--R
        2log(-----) + 2atanh(-----) x 3
--R
--R
--R
--R
                         81
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1188
--S 1189 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1189
)clear all
--S 1190 of 1369
t0:=x^5/sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
--R 5
--R x
--R (1) -----
```

```
--R
--R
         1 2
--R
         \|4x - 9
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1190
--S 1191 of 1369
\texttt{r0:=}27/40*\texttt{sqrt}(-9+4*\texttt{x}^2)+3/20*\texttt{x}^2*\texttt{sqrt}(-9+4*\texttt{x}^2)+1/20*\texttt{x}^4*\texttt{sqrt}(-9+4*\texttt{x}^2)
--R
--R
         4 2 | 2
--R
        (2x + 6x + 27) \setminus |4x - 9|
--R
    (2) -----
--R
--R
                   40
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1191
--S 1192 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
           9 7 5 3 | 2 10
--R
       (-1024x - 192x - 6804x + 34020x - 21870x) \setminus |4x - 9 + 2048x
--R
--R
             8 6 4 2
--R
--R
        - 1920x + 11880x - 85050x + 109350x - 19683
--R /
                              +----+
--R
        4 2 | 2 5 3
--R
       (10240x - 17280x + 3240)\|4x - 9 - 20480x + 57600x - 32400x
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1192
--S 1193 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1193
--S 1194 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1194
)clear all
--S 1195 of 1369
t0:=x^4/sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
             4
--R
           x
    (1) -----
--R
         +----+
--R
         1 2
--R
         \|4x - 9
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1195
--S 1196 of 1369
r0:=243/256*atanh(2*x/sqrt(-9+4*x^2))+27/128*x*sqrt(-9+4*x^2)+_
    1/16*x^3*sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
                    2x 3 | 2
--R
--R
         243 \operatorname{atanh}(------) + (16x + 54x) \setminus |4x - 9|
--R
                 +----+
                  1 2
--R
--R
                 \|4x - 9
--R
--R
                            256
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1196
--S 1197 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                            | 2 4 2
--R
          ((-15552x + 17496x))/4x - 9 + 31104x - 69984x + 19683)
--R
--R
--R
               +----+
--R
              1 2
--R
          \log(|4x - 9 - 2x)
--R
--R
                                          +----+
              7 5 3 | 2 8
--R
--R
        (-2048x - 2304x + 14256x - 4374x) \setminus |4x - 9 + 4096x - 36288x
--R
```

```
--R
--R
        34992x
--R /
--R
                       +----+
        3 | 2 4 2
--R
       (16384x - 18432x) | 4x - 9 - 32768x + 73728x - 20736
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1197
--S 1198 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
                 1 2
--R
         - 243log(\|4x - 9 - 2x) - 243atanh(-----)
--R
                                          +----+
--R
                                          1 2
--R
                                          \|4x - 9
--R
--R
                             256
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1198
--S 1199 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1199
)clear all
--S 1200 of 1369
t0:=x^3/sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
            3
--R
           x
--R
    (1) -----
      +----+
--R
--R
         1 2
--R
         \|4x - 9
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1200
--S 1201 of 1369
r0:=3/8*sqrt(-9+4*x^2)+1/12*x^2*sqrt(-9+4*x^2)
--R
```

```
--R
       +----+
2 | 2
--R
--R
    (2x + 9) | 4x - 9
--R
--R (2) -----
        24
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1201
--S 1202 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                          +----+
           5 3 | 2 6 4 2
--R
--R
      (-64x - 180x + 486x) | 4x - 9 + 128x + 216x - 1458x + 729
--R (3) ------
--R
                            +----+
                    2 | 2
--R
                                     3
                  (384x - 216) | 4x - 9 - 768x + 1296x
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1202
--S 1203 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1203
--S 1204 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
                                         Type: Expression(Integer)
--R
--E 1204
)clear all
--S 1205 of 1369
t0:=x^2/sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
          2
        x
--R
--R (1) -----
--R
       +----+
       1 2
--R
```

```
\|4x - 9
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1205
--S 1206 of 1369
r0:=9/16*atanh(2*x/sqrt(-9+4*x^2))+1/8*x*sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
                2x
                          | 2
--R
         9atanh(------) + 2x | 4x - 9
--R
         +----+
--R
               1 2
--R
             \|4x - 9
--R
--R
--R
                     16
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1206
--S 1207 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          +----+
| 2 2 | 2
--R
--R
      (-36x|4x - 9 + 72x - 81)\log(|4x - 9 - 2x)
--R
--R
--R
        3 | 2 4 2
--R
       (-16x + 18x) \setminus |4x - 9 + 32x - 72x
--R
--R /
        +----+
| 2 2
--R
--R
      64x\|4x - 9 - 128x + 144
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1207
--S 1208 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
               +----+
              1 2
--R
        - 9log(\|4x - 9 - 2x) - 9atanh(-----)
--R
                                     +----+
--R
--R
--R
                                    14x - 9
--R
--R
                          16
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1208
--S 1209 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1209
)clear all
--S 1210 of 1369
t0:=x/sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
         x
--R (1) -----
--R +----+
--R
        1 2
   | 2
||4x - 9
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1210
--S 1211 of 1369
r0:=1/4*sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
       +----+
--R
--R | 2
--R \|4x - 9
--R (2) -----
--R
       4
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1211
--S 1212 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         +----+
| 2 2
--R
--R
--R - 2x\|4x - 9 + 4x - 9
--R (3) -----
           +----+
--R
            | 2
--R
--R
           4\|4x - 9 - 8x
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1212
```

```
--S 1213 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1213
--S 1214 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1214
)clear all
--S 1215 of 1369
t0:=1/sqrt(-9+4*x^2)
--R
--R
--R
      1
--R (1) -----
--R +-----+
--R | 2
--R \|4x - 9
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1215
--S 1216 of 1369
r0:=1/2*atanh(2*x/sqrt(-9+4*x^2))
--R
--R
                 2x
        atanh(-----)
--R
         +----+
| 2
--R
--R
            \|4x - 9
--R
    (2) -----
--R
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1216
--S 1217 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                +----+
```

```
--R | 2
--R log(\|4x - 9 - 2x)
--R (3) - -----
          2
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1217
--S 1218 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
            1 2
--R
         - log(\|4x - 9 - 2x) - atanh(-----)
--R
--R
--R
                                    1 2
--R
                                    \|4x - 9
--R
--R
                        2
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1218
--S 1219 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1219
)clear all
--S 1220 of 1369
t0:=1/(x*sqrt(-9+4*x^2))
--R
--R
--R
            1
--R (1) -----
    +----+
| 2
--R
--R
       x\|4x - 9
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1220
--S 1221 of 1369
r0:=1/3*atan(1/3*sqrt(-9+4*x^2))
--R
--R
--R
              1 2
--R
```

```
\|4x - 9
--R
   atan(-----)
--R
--R
--R (2) -----
    3
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1221
--S 1222 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            1 2
--R
        \|4x - 9 - 2x
--R
       2atan(-----)
--R
--R
--R
         3
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 1222
--S 1223 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
        --R
--R
--R
--R
       - atan(-----) + 2atan(-----)
        3 3
--R
   (4) -----
--R
--R
                       3
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1223
--S 1224 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1224
)clear all
--S 1225 of 1369
t0:=1/(x^2*sqrt(-9+4*x^2))
--R
--R
```

```
1
--R
--R (1) -----
--R +-----+
--R 2 | 2
--R x \| |4x - 9
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1225
--S 1226 of 1369
r0:=1/9*sqrt(-9+4*x^2)/x
--R
--R
--R
         1 2
--R
     \|4x - 9
--R
--R (2) -----
    9x
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1226
--S 1227 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) - -----
    | +-----+
--R
--R
--R
         x\|4x - 9 - 2x
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1227
--S 1228 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
       2
--R
--R (4) -
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1228
--S 1229 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1229
```

```
)clear all
--S 1230 of 1369
t0:=1/(x^3*sqrt(-9+4*x^2))
--R
--R
--R
--R
     +----+
--R
        3 | 2
--R
--R
        x \|4x - 9
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1230
--S 1231 of 1369
r0:=2/27*atan(1/3*sqrt(-9+4*x^2))+1/18*sqrt(-9+4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
               +----+
               1 2
--R
                           +----+
         2 \|4x - 9 | 2
--R
--R
        4x \arctan(------) + 3|4x - 9
--R
                 3
--R
    (2) -----
                    2
--R
                     54x
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1231
--S 1232 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
           --R
--R
       (32x \mid 4x - 9 - 64x + 72x) atan(-----)
--R
--R
--R
--R
                   +----+
--R
           2 | 2
--R
        (-24x + 27) \setminus |4x - 9 + 48x - 108x
--R /
          +----+
--R
         3 | 2 4 2
--R
      216x | 4x - 9 - 432x + 486x
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1232
```

```
--S 1233 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
             --R
--R
--R
      - 2atan(-----) + 4atan(-----)
3 3
--R
--R
--R
--R
                        27
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1233
--S 1234 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1234
)clear all
--S 1235 of 1369
t0:=1/(x^4*sqrt(-9+4*x^2))
--R
--R
   1
--R
--R (1) -----
--R +----+
       4 | 2
--R
--R
      x \|4x - 9
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1235
--S 1236 of 1369
r0:=1/27*sqrt(-9+4*x^2)/x^3+8/243*sqrt(-9+4*x^2)/x
--R
--R
--R
        2 | 2
--R
--R (8x + 9) | 4x - 9
--R (2) -----
         3
--R
--R
            243x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1236
--S 1237 of 1369
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
               +----+
| 2 2
--R
--R
--R
             2x | 4x - 9 - 4x + 3
--R (3) -----
         5 3 | 2 6 4
--R
--R
--R
        (16x - 9x) | 4x - 9 - 32x + 54x
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1237
--S 1238 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         16
--R (4) ---
--R
       243
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1238
--S 1239 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1239
)clear all
--S 1240 of 1369
t0:=1/(x^5*sqrt(-9+4*x^2))
--R
--R
--R
           1
--R (1) -----
         +----+
--R
         5 | 2
--R
--R
       x \|4x - 9
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1240
--S 1241 of 1369
r0:=2/81*atan(1/3*sqrt(-9+4*x^2))+1/36*sqrt(-9+4*x^2)/x^4+_
    1/54*sqrt(-9+4*x^2)/x^2
--R
--R
```

```
--R
        1 2 +-----+
4 \|4x - 9 2 | 2
--R
--R
--R
       8x atan(-----) + (6x + 9) | 4x - 9
        3
--R
--R
    (2) -----
--R
--R
                    324x
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1241
--S 1242 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                     +----+
            7 5 | 2 8 6 4
--R
--R
        ((1024x - 1152x))/4x - 9 - 2048x + 4608x - 1296x)
--R
--R
            +----+
            1 2
--R
--R
           \|4x - 9 - 2x
--R
        atan(-----)
        3
--R
--R
--R
        6 4 2 | 2 7 5 3
--R
--R
       (-768x + 576x + 2106x - 729) \setminus |4x - 9 + 1536x - 2880x - 3888x
--R
--R
       5832x
--R /
       +----+
7 5 | 2 8 6 4
--R
--R
--R
     (20736x - 23328x) | 4x - 9 - 41472x + 93312x - 26244x
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1242
--S 1243 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
            --R
--R
--R
--R
       - 2atan(-----) + 4atan(-----)
--R
--R
--R
                       81
--R
                                       Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1243
--S 1244 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1244
)clear all
--S 1245 of 1369
t0:=x^5/sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
     5
x
           5
--R
--R (1) -----
--R +----+
--R
       1 2
     \|- 4x - 9
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1245
--S 1246 of 1369
r0:=-27/40*sqrt(-9-4*x^2)+3/20*x^2*sqrt(-9-4*x^2)-1/20*x^4*sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
        4 2 | 2
--R
     (- 2x + 6x - 27)\|- 4x - 9
--R
--R (2) -----
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1246
--S 1247 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
              8 6 | 2 10 8 6 +---+
--R
--R
         (-15x - 90x) | -4x - 9 + (4x + 105x + 270x) | -1
--R
                     +----+
--R
          4 2 +---+ | 2 4 2
--R
--R
        (20x + 540x + 1620) | -1 | -4x - 9 + 300x + 2700x + 4860
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1247
```

```
--S 1248 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
   (4)
--R
     4 2 | 2
--R
                               4 2 +---+
--R
    (81x + 2187x + 6561) | -4x -9 + (-1215x - 10935x - 19683) | -1
--R
--R
--R
         4 2 +---+ | 2
--R
       (40x + 1080x + 3240) | -1 | -4x - 9 + 600x + 5400x + 9720
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1248
--S 1249 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1249
)clear all
--S 1250 of 1369
t0:=x^4/sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R 4
--R x
--R (1) -----
--R
        1 2
--R
      \|- 4x - 9
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1250
--S 1251 of 1369
r0:=243/256*atan(2*x/sqrt(-9-4*x^2))+27/128*x*sqrt(-9-4*x^2)-_
   1/16*x^3*sqrt(-9-4*x^2)
--R.
--R
--R
                                     +----+
                      3 | 2
--R
        --R
--R
              +----+
              | 2
--R
              --R
```

```
--R
                        256
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1251
--S 1252 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
             2 | 2 | 4 | 2 | +---+
--R
        ((1458x + 6561)) - 4x - 9 + (-486x - 8748x - 19683) - 1)
--R
--R
--R
            +----+
--R
           1 2
                           +---+
--R
           |-4x - 9 + (2x - 3)| - 1
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
                    +----+
              2 | 2 4 2 +---+
--R
--R
        ((-1458x - 6561))|-4x - 9 + (486x + 8748x + 19683))|-1)
--R
--R
           | 2 +---+
--R
           |-4x - 9 + (-2x - 3)| - 1
--R
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
          7 5 3 | 2
--R
--R
       (-32x - 468x + 648x + 4374x) | -4x - 9
--R
              5 3
--R
       (384x + 1296x - 4860x - 13122x) | - 1
--R
--R /
--R
                    +----+
                               4 2
        2 +---+ | 2
--R
--R
     (1536x + 6912) | -1 | -4x -9 + 512x + 9216x + 20736
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1252
--S 1253 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                                  4 2 +---+
                 | 2
--R
             2
```

```
((1458x + 6561) | -4x - 9 + (-486x - 8748x - 19683) | -1)
--R
--R
--R
           | 2 +---+
--R
           |-4x - 9 + (2x - 3)| - 1
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
             --R
--R
--R
       ((-1458x - 6561)) - 4x - 9 + (486x + 8748x + 19683) - 1)
--R
--R
           1 2
--R
--R
          |-4x - 9 + (-2x - 3)| - 1
--R
        log(-----)
--R
--R
--R
                         +----+
             2 +---+ | 2 4 2
--R
--R
       ((-1458x - 6561))|-1|-4x - 9 - 486x - 8748x - 19683)
--R
--R
              2x
--R
        atan(-----)
           +----+
--R
            | 2
--R
--R
            1-4x-9
--R /
--R
     2 +---+ | 2 4 2
--R
     (1536x + 6912) | -1 | -4x - 9 + 512x + 9216x + 20736
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1253
--S 1254 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1254
)clear all
--S 1255 of 1369
t0:=x^3/sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
            3
--R
           x
```

```
--R (1) -----
--R
--R
        1 2
--R
        \ |-4x - 9
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1255
--S 1256 of 1369
r0:=3/8*sqrt(-9-4*x^2)-1/12*x^2*sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
         2 | 2
--R
     (-2x + 9) | -4x - 9
--R
--R (2) -----
--R
         24
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1256
--S 1257 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            4 | 2 | 6 | 4 +---+
--R
     -9x \mid -4x - 9 + (4x + 27x) \mid -1
--R
--R
--R
         2 +---+ | 2 2
--R
--R
        (12x + 108) | -1 | -4x - 9 + 108x + 324
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1257
--S 1258 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
           2 | 2 2 +---+
--R
--R
--R
        (-9x - 81) | -4x - 9 + (81x + 243) | -1
--R
--R
           2 +---+ | 2 2
--R
          (8x + 72) | - 1 | - 4x - 9 + 72x + 216
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1258
--S 1259 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1259
)clear all
--S 1260 of 1369
t0:=x^2/sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
           2
--R
          x
--R
     +----+
--R
--R
        1 2
--R
       \|- 4x - 9
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1260
--S 1261 of 1369
r0:=-9/16*atan(2*x/sqrt(-9-4*x^2))-1/8*x*sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
                2x | 2
--R
        - 9atan(-----) - 2x|- 4x - 9
--R
--R
--R
              1 2
--R
             \|- 4x - 9
--R
--R
                      16
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1261
--S 1262 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
          --R
--R
       (- 27\|- 4x - 9 + (18x + 81)\|- 1 )log(------)
--R
--R
--R
--R
            +----+
                         2 +---+
--R
            1 2
         (27\|-4x - 9 + (-18x - 81)\|-1)
--R
--R
```

```
--R
           | 2 +---+
--R
--R
           |-4x - 9 + (-2x - 3)| - 1
        log(-----)
--R
--R
--R
--R
        3 | 2 3 +---+
--R
      (-4x - 18x) | -4x - 9 + (24x + 54x) | -1
--R
--R /
         +----+
--R
      +---+ | 2 2
--R
     48 \mid -1 \mid -4x - 9 + 32x + 144
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1262
--S 1263 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                                     +----+
| 2 +---+
--R
--R
        | 2 | 2 | +---+ | | 2 | 2 | ----+ | | 2 | 2 | 3 | | 1
--R
       (- 27\|- 4x - 9 + (18x + 81)\|- 1 )log(------)
--R
--R
--R
--R
           | 2 2 +---+
--R
--R
        (27 | -4x - 9 + (-18x - 81) | -1)
--R
--R
--R
--R
           |-4x - 9 + (-2x - 3)| - 1
--R
--R
--R
          +----+
--R
        +---+ | 2 2 2x
--R
--R
       (27 | -1 | -4x -9 + 18x + 81) atan(-----)
--R
                                    1 2
--R
--R
                                    \|- 4x - 9
--R /
--R
          +----+
      +---+ | 2 2
--R
     48 \mid -1 \mid -4x - 9 + 32x + 144
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1263
```

```
--S 1264 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1264
)clear all
--S 1265 of 1369
t0:=x/sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
            X
--R (1) -----
--R +----+
--R
         1 2
    | 2
||- 4x - 9
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1265
--S 1266 of 1369
r0:=-1/4*sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R +-----+

--R | 2

--R \|-4x - 9
--R (2) - -----
          4
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1266
--S 1267 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
               2 +---+
--R
     x \|- 1
--R
--R
    +----+
--R
--R
         +---+ | 2
         |-1|-4x - 9 + 3
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1267
--S 1268 of 1369
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R +-----+

--R | 2 +---+

--R 3\|-4x - 9 - 9\|-1
--R (4) -----
     +---+ | 2
--R
--R
        4 | - 1 | - 4x - 9 + 12
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1268
--S 1269 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1269
)clear all
--S 1270 of 1369
t0:=1/sqrt(-9-4*x^2)
--R
--R
--R
--R (1) -----
    +----+
| 2
--R
--R
     \|- 4x - 9
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1270
--S 1271 of 1369
r0:=1/2*atan(2*x/sqrt(-9-4*x^2))
--R
--R
          2x
--R
         atan(-----)
--R
         +----+
| 2
--R
--R
      \|- 4x - 9
--R
--R (2) -----
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1271
--S 1272 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
   (3)
--R
                 +----+
| 2 +---+
--R
         +---+ \|- 4x - 9 + (2x - 3)\|- 1
--R
       - \|- 1 log(-----)
--R
--R
--R
--R
               1 2
--R
--R
       +---+ \|- 4x - 9 + (- 2x - 3)\|- 1
--R
       \|- 1 log(------)
--R
--R /
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1272
--S 1273 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         +----+
| 2 +---+
+---+ \|- 4x - 9 + (2x - 3)\|- 1
--R
--R
        - \|- 1 log(------)
--R
--R
--R
--R
               | 2
--R
       +---+ |-4x - 9 + (-2x - 3)|-1
--R
        \|- 1 log(-----) - atan(-----)
--R
--R
--R
--R
                                                \ |-4x - 9
--R /
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1273
--S 1274 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1274
)clear all
```

```
--S 1275 of 1369
t0:=1/(x*sqrt(-9-4*x^2))
--R
--R
--R
       1
--R (1) -----
    +----+
| 2
--R
--R
       x\|- 4x - 9
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1275
--S 1276 of 1369
r0:=1/3*atan(1/3*sqrt(-9-4*x^2))
--R
--R
--R
            +----+
            1 2
--R
        \|- 4x - 9
--R
       atan(-----)
--R
--R
--R
         3
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1276
--S 1277 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                 +----+
| 2 +---+
--R
--R
--R
          +---+ |-4x - 9 - 3|-1
         \|- 1 log(-----)
--R
--R
--R
    (3) - -----
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1277
--S 1278 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                 +----+
                                         +----+
                 | 2 +---+
         | 2 +---+ | 2
+---+ \|- 4x - 9 - 3\|- 1 \|- 4x - 9
--R
--R
        - \|- 1 log(-----) - atan(-----)
--R
--R
                          x
```

```
--R (4) -----
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1278
--S 1279 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1279
)clear all
--S 1280 of 1369
t0:=1/(x^2*sqrt(-9-4*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R +-----+

--R 2 | 2

--R x \|- 4x - 9
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1280
--S 1281 of 1369
r0:=1/9*sqrt(-9-4*x^2)/x
--R
--R
       +----+
--R
        1 2
--R | 2
--R \|-4x - 9
--R (2) -----
     9x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--R
--Е 1281
--S 1282 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          +---+ | 2 2
--R
     - 3\|- 1 \|- 4x - 9 - 4x - 9
--R
--R (3) -----
--R
           +----+
           | 2 +---+
--R
           9x = -4x - 9 - 27x = 1
--R
```

```
Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 1282
--S 1283 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1283
--S 1284 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1284
)clear all
--S 1285 of 1369
t0:=1/(x^3*sqrt(-9-4*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R +-----+
--R 3 | 2
   3 | 2
x \|- 4x - 9
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1285
--S 1286 of 1369
r0:=-2/27*atan(1/3*sqrt(-9-4*x^2))+1/18*sqrt(-9-4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
         +-----+
| 2 +-----+
2 \|- 4x - 9 | 2
--R
--R
       --R
--R
                     3
--R (2) -----
--R
                        2
--R
                        54x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1286
--S 1287 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
   (3)
--R
                                     | 2 +---+
          --R
--R
     (- 12x \|- 4x - 9 + (8x + 36x )\|- 1 )log(------)
--R
--R
       --R
--R
      (6x + 27) | -4x - 9 + (-36x - 81) | -1
--R
--R /
--R
     2 +---+ | 2 4 2
--R
--R
     162x \|- 1 \|- 4x - 9 + 108x + 486x
--R
                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1287
--S 1288 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
        --R
--R
--R
     (- 6\|- 4x - 9 + (4x + 18)\|- 1 )log(-----)
--R
--R
--R
       +----+ | 2 | 2 | \|- 4x - 9
--R
--R
     (6 \mid -1 \mid -4x - 9 + 4x + 18) atan(-----)
--R
--R /
--R
        +----+
     +---+ | 2 2
--R
     81 \mid -1 \mid -4x - 9 + 54x + 243
--R
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 1288
--S 1289 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1289
```

```
)clear all
--S 1290 of 1369
t0:=1/(x^4*sqrt(-9-4*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
     +----+
--R
        4 | 2
--R
--R
        x \|- 4x - 9
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1290
--S 1291 of 1369
r0:=1/27*sqrt(-9-4*x^2)/x^3-8/243*sqrt(-9-4*x^2)/x
--R
--R
           +----+
2 | 2
--R
--R
     (-8x + 9) | -4x - 9
--R
--R (2) -----
         3
--R
--R
                243x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1291
--S 1292 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
           +----+
4 2 +---+ | 2 6 4 2
--R
--R
        (72x + 135x - 243) | -1 | -4x - 9 + 32x + 324x + 243x - 729
--R
--R
--R
                5 3 | 2
                                      5 3 +---+
--R
              (243x + 2187x) | - 4x - 9 + (- 2187x - 6561x) | - 1
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1292
--S 1293 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1293
--S 1294 of 1369
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1294
)clear all
--S 1295 of 1369
t0:=1/(x^5*sqrt(-9-4*x^2))
--R
--R
--R
           1
--R (1) -----
--R +----+
--R 5 1 2
--R x \|- 4x - 9
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1295
--S 1296 of 1369
r0:=2/81*atan(1/3*sqrt(-9-4*x^2))+1/36*sqrt(-9-4*x^2)/x^4-_
   1/54*sqrt(-9-4*x^2)/x^2
--R
--R
--R
        4 \|- 4x - 9 2 | 2
--R
--R
--R
        --R
--R
   (2) -----
--R
--R
                       324x
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1296
--S 1297 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
           6 4 2 8 6 4 +---+
--R
        ((48x + 216x) | -4x - 9 + (-16x - 288x - 648x) | -1)
--R
--R
--R
            +----+
           | 2 +---+
--R
          |-4x - 9 - 3| - 1
--R
    log(-----)
--R
```

```
--R
                   X
--R
       6 4 2 | 2 6 4 +---+
--R
--R
--R
      (-12x - 198x - 162x + 729) | -4x - 9 + (144x + 756x - 2187) | -1
--R /
        +----+
6 4 +---+ | 2 8 6 4
--R
--R
      (1944x + 8748x )\|- 1 \|- 4x - 9 + 648x + 11664x + 26244x
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1297
--S 1298 of 1369
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
           2 | 2 4 2 +---+
--R
         ((12x + 54) | -4x - 9 + (-4x - 72x - 162) | -1)
--R
--R
--R
           1 2 +---+
--R
--R
          |-4x - 9 - 3| - 1
        log(-----)
--R
--R
--R
--R
--R
                                                  1 2
        2 +---+ | 2 4 2
--R
                                                  \ |-4x - 9
--R
       ((-12x - 54))|-1 |-4x - 9 - 4x - 72x - 162)atan(-----)
--R
--R /
               +----+
+---+ | 2 4
--R
      (486x + 2187) | -1 | -4x -9 + 162x + 2916x + 6561
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1298
--S 1299 of 1369
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1299
)clear all
--S 1300 of 1369
```

```
t0:=1/sqrt(9+b*x^2)
--R
--R
--R
                                             1
--R (1) -----
                     +----+
--R
                                   1 2
--R
--R
                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1300
--S 1301 of 1369
r0:=asinh(1/3*x*sqrt(b))/sqrt(b)
 --R
 --R
 --R
                                                          +-+
 --R
                                                 x\|b
--R
                                  asinh(----)
--R
                                   3
--R
--R
                                               +-+
--R
                                                \|b
--R
                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1301
--S 1302 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                    (3)
                                          +-----+
--R
--R
--R
                                    (3|b - b x)|b x + 9 + (-b x - 9)|b + 3b x
--R
--R
                                                                                              1 2
--R
                                                                                        \b x + 9 - 3
--R
--R
                    [-----,
--R
--R
                                                                                                          \|b
 --R
--R
                                           +---+ | 2
--R
                                        |- b| | b x + 9 - 3 | - b
--R
                      2atan(-----)
                                                    b х
--R
                       -----]
--R
--R
                                                                   +---+
--R
                                                                   \|- b
--R
                                                                                                                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1302
```

```
--S 1303 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
             +----+
+-+ | 2 2 +-+
--R
--R
           (3||b - b x)||b x + 9 + (-b x - 9)||b + 3b x x||b
--R
        log(-----) - asinh(----)
--R
--R
--R
                         1 2
--R
                        \b x + 9 - 3
--R
--R
--R
                                 \|b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1303
--S 1304 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1304
--S 1305 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
        --R
--R
        2\|b atan(-----) - \|- b asinh(----)
--R
--R
                        bх
--R
--R
                           +---+ +-+
                           \|- b \|b
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1305
--S 1306 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1306
)clear all
```

```
--S 1307 of 1369
t0:=1/sqrt(9-b*x^2)
--R
--R
        1
--R
--R
       | 2
--R
       \|- b x + 9
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1307
--S 1308 of 1369
r0:=asin(1/3*x*sqrt(b))/sqrt(b)
--R
--R
--R
            +-+
          x\|b
--R
--R
       asin(----)
--R
--R
          +-+
--R
           \|b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1308
--S 1309 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
         --R
--R
--R
        (3|-bx+9+bx-9)|-b+bx|-bx+9-3bx
--R
--R
                        1 2
--R
--R
                       --R
--R
                          \|- b
--R
--R
            +----+
           | 2 +-+
--R
--R
           (\ - b x + 9 - 3) \ b
      2atan(-----)
--R
       b x
--R
--R
--R
               +-+
--R
                \|Ъ
```

```
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1309
--S 1310 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
              +-----+
| 2 2 +---+ | 2
--R
--R
--R
       +-+ (3|-bx+9+bx-9|-b+bx|-bx+9-3bx
--R
       \|b log(-----)
--R
                            1 2
--R
--R
                            --R
--R
--R
        +---+ x\|b
     - \|- b asin(----)
--R
--R
--R /
      +---+ +-+
--R
--R
     \|- b \|b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1310
--S 1311 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1311
--S 1312 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
          +-----+
| 2 +-+ +-+
(\|- b x + 9 - 3)\|b x\|b
--R
--R
--R
      - 2atan(-----) - asin(----)
--R
--R
               b x 3
--R (6) -----
                       +-+
--R
--R
                       \|b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1312
--S 1313 of 1369
```

```
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1313
)clear all
--S 1314 of 1369
t0:=1/sqrt(-9+b*x^2)
--R
--R
--R
           1
--R (1) -----
--R +----+
--R
        1 2
    \|b x - 9
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1314
--S 1315 of 1369
r0:=atanh(x*sqrt(b)/sqrt(-9+b*x^2))/sqrt(b)
--R
--R
--R
                 +-+
--R
               x\|b
    atanh(-----)
--R
         +----+
--R
--R
             1 2
--R
            \|b x - 9
--R (2) -----
--R
              +-+
--R
              \|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1315
--S 1316 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
                                           +---+ | 2
--R
              +----+ \|- b \|b x - 9
+-+ | 2 2 atan(-----)
                                         \|- b \|b x - 9
--R
        log(2x \mid b \mid b x - 9 + 2b x - 9) \qquad b x
--R
   (3) [------]
--R
--R
                      +-+
                                              +---+
--R
                      2\|b
                                             \|- b
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
```

```
--Е 1316
--S 1317 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
--R
                                              x\|b
        log(2x|b|b x - 9 + 2b x - 9) - 2atanh(-----)
--R
--R
--R
                                            1 2
                                            \|b x - 9
--R
--R
--R
--R
                             2\|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1317
--S 1318 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1318
--S 1319 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
                                       +---+ | 2
--R
                       +-+
                     +-+ +---+ 2
x\|b +-+ \|- b \|b x - 9
--R
        --R
                    1 2
--R
                    \|b x - 9
--R
--R
    (6) -----
--R
--R
                           \|- b \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1319
--S 1320 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1320
```

```
)clear all
--S 1321 of 1369
t0:=1/sqrt(-9-b*x^2)
--R
--R
--R
           1
--R (1) -----
     +----+
--R
--R
        | 2
--R
       \|- b x - 9
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1321
--S 1322 of 1369
r0:=atan(x*sqrt(b)/sqrt(-9-b*x^2))/sqrt(b)
--R
--R
--R
                 +-+
--R
               x\|b
        atan(-----)
--R
--R
--R
             1 2
--R
         \|- b x - 9
--R
              +-+
--R
--R
               \|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1322
--S 1323 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                                                | 2 +-+
--R
--R
                                               \|- b x - 9 \|b
--R
              | 2 +---+ 2
--R
                                           atan(-----)
--R
         log(2x)|-bx-9|-b-2bx-9|
                                                    bх
--R
--R
                       +---+
--R
                       2\|- b
                                                    \|b
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1323
--S 1324 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
```

```
(4)
--R
--R
    +---+
--R
                                                x \mid b
   \|b log(2x\|- b x - 9 \|- b - 2b x - 9) - 2\|- b atan(-----)
--R
--R
                                               1 2
--R
                                              --R
--R
--R
                          2\|- b \|b
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1324
--S 1325 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1325
--S 1326 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
             | 2 +-+
--R
             --R
--R
--R
        - atan(-----) - atan(-----)
--R
         b x +----+
                                1 2
--R
--R
                                \|- b x - 9
--R
--R
                        \|b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1326
--S 1327 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1327
)clear all
--S 1328 of 1369
t0:=1/sqrt(%pi+b*x^2)
```

```
--R
--R
--R
         1
--R
--R
         1 2
--R
         \|b x + %pi
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1328
--S 1329 of 1369
r0:=asinh(x*sqrt(b)/sqrt(%pi))/sqrt(b)
--R
--R
--R
               x/|b
--R
         asinh(----)
              +---+
--R
--R
              \|%pi
--R
--R
--R
              \|b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1329
--S 1330 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
          +----+
+-+ +---+ | 2 +---+ 2 +--+
--R
--R
         (\|b\|\%pi - b\ x)\|b\ x + \%pi + b\ x\|\%pi + (-b\ x - \%pi)\|b
--R
--R
--R
                           +---+ | 2
--R
--R
                         \|%pi \|b x + %pi - %pi
--R
--R
--R
                                   \|b
--R
           +---+ | 2
--R
                              +---+ +---+
--R
           \|- b \|b x + %pi - \|- b \|%pi
--R
                 b x
--R
--R
      -----]
--R
                      +---+
--R
                     \|- b
--R
                                 Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1330
```

```
--S 1331 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
                  (4)
--R
--R
                                              +-+ +---+ | 2
--R
                                            (\b \) = -b x) b x + pi + b x | pi + (-b x - pi) b
--R
--R
--R
                                                                                                          +---+ | 2
--R
                                                                                                         \proot b x + pi - pi
--R
--R
--R
--R
                                                         x \mid b
--R
                              - asinh(----)
--R
                                                         +---+
--R
                                                        \|%pi
--R /
--R
--R
                         \|b
--R
                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1331
--S 1332 of 1369
d0a:=normalize(D(m0a,x))
--R
--R
--R
                  (5)
--R
                                                                                                                                                                                                                  1 2
--R
                                                                      2 2 +-+ +---+ 2 3 2 |b x + %pi
--R
--R
                                            ((3b %pi x + 4%pi )\|b \|%pi - b %pi x - 4b %pi x) |-----
--R
--R
                                            2 4 2 2 +-+ +---+ 2 3 2
--R
--R
                                          (b x + 5b %pi x + 4%pi )\|b \|%pi - 3b %pi x - 4b %pi x
--R
--R
                                        +----+
--R
                                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
--R
                                            2 3
                                                                                     2 +---+ 2 4 2 2 3 +-+
                                      ((3b %pi x + 4b %pi x)\|%pi + (- b %pi x - 5b %pi x - 4%pi )\|b )
--R
--R
                                        +----+
--R
--R
                                        1 2
--R
                                        |b x + %pi
--R
                                        |-----
```

```
\| %pi
--R
--R
      3 5 2 3 2 +---+ 2 4 2 2 3 +-+
--R
--R
      (b x + 5b %pi x + 4b %pi x)\|%pi + (- 3b %pi x - 7b %pi x - 4%pi )\|b
--R /
                     2 +---+ 2
            2 3
--R
                                        4
                                                2 2
         ((3b %pi x + 4b %pi x)\|%pi + (- b %pi x - 5b %pi x - 4%pi )\|b )
--R
--R
--R
          +----+
          | 2 +----+
--R
--R
         |b x + %pi | 2
          |----- \|b x + %pi
--R
         \| %pi
--R
--R
--R
            2 4 2 2 3 +-+ +---+ 3 5 2 2 3
--R
          (3b %pi x + 7b %pi x + 4%pi )\|b \|%pi - b %pi x - 5b %pi x
--R
--R
          - 4b %pi x
--R
--R
--R
          +----+
          1 2
--R
--R
         |b x + %pi
--R
         |-----
         \| %pi
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1332
--S 1333 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
                 +----+
+---+ | 2 +---+ +---+
--R
--R
--R
         +-+ \|- b \|b x + %pi - \|- b \|%pi
        2\|b atan(-----) - \|- b asinh(-----)
--R
--R
                                                        +---+
                            bх
--R
                                                       \|%pi
--R
--R
--R
                               \|- b \|b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1333
--S 1334 of 1369
d0b:=normalize(D(m0b,x))
--R
--R
--R
                              1 2
--R
               +----+
```

```
+---+ | 2 | b x + %pi
--R
--R
        - \|%pi \|b x + %pi + %pi |-----
--R
                \| %pi
--R
    (7) -----
--R
               | 2 +----+
--R
             |b x + %pi | 2
%pi |----- \|b x + %pi
--R
--R
             \| %pi
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1334
)clear all
--S 1335 of 1369
t0:=1/sqrt(%pi-b*x^2)
--R
--R
--R
   (1) -----
--R
     +----+
        1 2
--R
--R
       \|- b x + %pi
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1335
--S 1336 of 1369
r0:=asin(x*sqrt(b)/sqrt(%pi))/sqrt(b)
--R
--R
--R
             +-+
--R
            x\|b
--R
        asin(----)
--R
            +---+
--R
           \|%pi
--R
    (2) -----
--R
           +-+
--R
           \|b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1336
--S 1337 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
   [
       log
--R
--R
               | 2 +---+
                                     +---+ 2 +---+
--R
```

```
(\  \  \  ) + \pi + \pi i - b - b x) \  \  + (b x - \pi i) - b
--R
--R
--R
               +----+
| 2
--R
--R
             b x = b x + pi
--R
--R
            | 2 +---+
--R
            \|- b x + %pi \|%pi - %pi
--R
--R
--R
        \|- b
--R
--R
--R
          +-+ +---+ | 2 +-+
--R
--R
          --R
--R
                    bх
--R
     -----]
--R
                    +-+
--R
                    \|b
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1337
--S 1338 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
          +-+
--R
         \|b
--R
--R
         log
                +----+
| 2 +---+ 2 +---+
--R
--R
               (\ - b x + \%pi - b - b x)/\%pi + (b x - \%pi)/- b
--R
--R
--R
                  1 2
--R
--R
              b x = b x + \%pi
--R
--R
              +----+
              | 2 +---+
--R
--R
             \|- b x + %pi \|%pi - %pi
--R
--R
                    +-+
--R
         +---+
                  x\|b
--R
        - \|- b asin(-----)
                   +---+
--R
--R
                  \|%pi
```

```
--R /
--R
      +---+ +-+
--R
      \|- b \|b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1338
--S 1339 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
     (5)
--R
                               --R
--R
--R
               (- 3b %pi x + 4%pi )\|- b x + %pi |-----
--R
--R
--R
                        2 2 | 2
                2 4
--R
               (b x - 5b \%pi x + 4\%pi) | - b x + \%pi
--R
--R
              +---+
--R
             \|- b
--R
--R
--R
                               1 2
--R
           2 3 2 |- b x + %pi 3 5 2 3 2 (3b %pi x - 4b %pi x) |------ - b x + 5b %pi x - 4b %pi x
--R
--R
--R
                             \| %pi
--R
--R
          +---+
--R
          \|%pi
--R
                                      +----+
| 2
--R
--R
              2 4 2 2
                                   3 |- b x + %pi 2 4
--R
           (- b %pi x + 5b %pi x - 4%pi ) |----- - 3b %pi x \| %pi
--R
--R
--R
             2 2 3
--R
           7b %pi x - 4%pi
--R
--R
--R
          +---+
--R
          \|- b
--R
--R
--R
           2 3 2 | 2 |-bx+%pi
--R
        (- b %pi x + 4b %pi x)\|- b x + %pi |-----
--R
                                        \| %pi
--R
```

```
--R
--R
         2 3 2 | 2
--R
--R
       (-3b \%pi x + 4b \%pi x) \setminus |-b x + \%pi
--R /
--R
                                  1 2
--R
                      2 2
                                3 |- b x + %pi +---+
--R
          (3b %pi x - 7b %pi x + 4%pi ) |----- \|- b
--R
                                 \| %pi
--R
--R
--R
                         --R
--R
          (3b %pi x - 4b %pi x)\|- b x + %pi |-----
--R
--R
--R
--R
         +---+
--R
         \|%pi
--R
--R
                                --R
          2 4 22 3 | 2 |-bx+%pi+---+
--R
--R
       (- b %pi x + 5b %pi x - 4%pi )\|- b x + %pi |-----\|- b
                                         .
\| %pi
--R
--R
--R
                                 1 2
--R
--R
         3 5 2 2 3
                              3 |- b x + %pi
--R
       (b %pi x - 5b %pi x + 4b %pi x) |-----
                                \1
--R
                                      %pi
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1339
--S 1340 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
             +--+ +---+ | 2 +--+
--R
--R
--R
            \|b \|%pi - \|- b x + %pi \|b
        2atan(-----) - asin(----)
--R
--R
                                            +---+
                        bх
--R
--R
--R
                           +-+
--R
                           \|b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1340
```

```
--S 1341 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
        --R
--R
       - \|- b x + %pi \|%pi + %pi |-----
--R
                 \| %pi
--R
--R
--R
              --R
            --R
--R
                        \| %pi
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1341
)clear all
--S 1342 of 1369
\texttt{t0:=1/sqrt(-\%pi+b*x^2)}
--R
--R
        1
--R
--R (1) -----
    +----+
| 2
--R
--R
--R
      \|b x - %pi
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1342
--S 1343 of 1369
r0:=atanh(x*sqrt(b)/sqrt(-%pi+b*x^2))/sqrt(b)
--R
--R
--R
                +-+
--R
              x\|b
       atanh(-----)
--R
--R
        +----+
            1 2
--R
          \|b x - %pi
--R
--R
   (2) -----
--R
            +-+
--R
             \|b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1343
--S 1344 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
 --R
                                                                                                                                                                                            +---+ | 2
--R
                                                              +----+ \|- b \|b x - %pi
+-+ | 2 2 atan(-----)
--R
--R
                                    log(2x\|b\|bx - %pi + 2bx - %pi) bx
--R
--R
--R
                                                                                                2\|b
                                                                                                                                                                                                      \|- b
--R
--R
                                                                                                                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1344
--S 1345 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                                                          +----+
+-+ | 2 2 x\|b
--R
                                   log(2x|b|b x - %pi + 2b x - %pi) - 2atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                                                                      1 2
--R
                                                                                                                                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                    +-+
--R
                                                                                                                                     2\|b
--R
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1345
--S 1346 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1346
--S 1347 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
 --R
 --R
--R
                                                                                         +-+ +---+ | 2
x\|b +-+ \|- b\|b x - %pi
                                                                                                                                                                          +---+ | 2
--R
                                    - \|- b atanh(-----) + \|b atan(-----)
--R
                                                                                     +----+
--R
--R
                                                                                    | 2
--R
                                                                                  \|b x - %pi
--R
--R
                                                                                                                           +---+ +-+
```

```
\|- b \|b
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1347
--S 1348 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1348
)clear all
--S 1349 of 1369
t0:=1/sqrt(-%pi-b*x^2)
--R
--R
--R
        1
--R (1) -----
     +----+
        | 2
--R
--R
       \|- b x - %pi
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1349
--S 1350 of 1369
r0:=atan(x*sqrt(b)/sqrt(-%pi-b*x^2))/sqrt(b)
--R
--R
--R
                  +-+
--R
                x\|b
        atan(-----)
--R
        +----+
| 2
--R
--R
         \|- b x - %pi
--R
--R
    (2) -----
            +-+
--R
--R
                \|b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1350
--S 1351 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                                                | 2 +-+
--R
          +----+
                                               \|- b x - %pi \|b
--R
```

```
| 2 +---+ 2 atan(------)
log(2x\|-bx-%pi\|-b-2bx-%pi) bx
--R
--R
                    +---+
--R
                                                    +-+
--R
                    2\|- b
                                                    \|b
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1351
--S 1352 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
     +-+ | 2 +---+ x\|b
--R
--R
    \|b log(2x\|- b x - %pi \|- b - 2b x - %pi) - 2\|- b atan(------)
--R
--R
                                                        1 2
--R
                                                        \|- b x - %pi
--R
--R
                                2\|- b \|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1352
--S 1353 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1353
--S 1354 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
               +------+
| 2 +-+
--R
--R
--R
              \|- b x - %pi \|b
         - atan(-----) - atan(-----)
--R
                 bх
--R
--R
                                      1 2
                                      \|- b x - %pi
--R
--R
--R
                             +-+
--R
                             \|b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1354
```

```
--S 1355 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1355
)clear all
--S 1356 of 1369
t0:=1/sqrt(a+b*x^2)
--R
--R
--R
           1
--R (1) -----
--R +----+
        1 2
--R
       \|b x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1356
--S 1357 of 1369
r0:=atanh(x*sqrt(b)/sqrt(a+b*x^2))/sqrt(b)
--R
--R
--R
--R
              x\|b
--R atanh(-----)
       +----+
| 2
--R
--R
     .
\|b x + a
--R
--R (2) -----
--R
            \|b
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1357
--S 1358 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
                     +----+
         +----+
--R
        ( |a |b - b | x) |b | x + a + (-b |x - a) |b + b |x |a
--R
--R
--R
                        +----+
--R
                       +-+ | 2
--R
```

```
--R
--R
                                                                                                                               +-+
--R
                                                                                                                                \|b
--R
                                              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
                                           \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
--R
--R
                                                                                          bх
--R
--R
--R
                                                                                 \|- b
                                                                                                                                       Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--R
--E 1358
--S 1359 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
                   (4)
--R
                                                   +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
                                               (|a|b - bx)|bx + a + (-bx - a)|b + bx|a
                                   log(-----)
--R
--R
                                                                                                                      +-+ | 2
--R
--R
                                                                                                                      --R
 --R
                                                                                +-+
--R
                                                                       x/|b
                                   - atanh(-----)
--R
                                                      +----+
--R
                                                                  1 2
--R
                                                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R /
--R
--R
                            \|b
--R
                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1359
--S 1360 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
 --R
 --R
--R
                 (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1360
--S 1361 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
```

```
--R
--R
                                                                                                                                                                              +---+ | 2 +---+ +-+
                                                                                            +-+ +---+ | 2 +---+ +-+
x\|b +-+ \|- b \|b x + a - \|- b \|a
--R
--R
                                      - \|- b atanh(------) + 2\|b atan(------)
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                b x
                                                                                         1 2
--R
--R
                                                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                  +---+ +-+
--R
                                                                                                                                                \|- b \|b
--R
                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1361
--S 1362 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
                (7) 0
--R
--R
                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1362
)clear all
--S 1363 of 1369
t0:=1/sqrt(a-b*x^2)
--R
--R
                                        1
--R
--R (1) -----
               +----+
--R
                                     | 2
--R
--R
                                   --R
                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1363
--S 1364 of 1369
r0:=atan(x*sqrt(b)/sqrt(a-b*x^2))/sqrt(b)
--R
--R
 --R
--R
                                                                 x \mid b
--R
                                     atan(-----)
                                        +----+
--R
                                                         1 2
--R
--R
                                                  --R
                                                                +-+
--R
                                                                  \|b
--R
                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1364
--S 1365 of 1369
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
         | 2 +---+ +-+ 2 +---+ | 2
--R
         (\ b x + a \ - b - b x) + a + (b x - a) + b x + a
--R
--R
--R
                             | 2 +-+
--R
--R
                            \|- b x + a \|a - a
--R
--R
                                 +---+
--R
                                 \|- b
--R
                | 2 +-+
--R
--R
          (|a - |-bx + a)|b
--R
     2atan(-----)
            b x
--R
--R
--R
                  +-+
--R
                 \|b
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1365
--S 1366 of 1369
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
          +-+
--R
         \|b
--R
--R
         log
--R
                | 2 +---+ +-+ 2 +---+
--R
--R
               (\ - b x + a \ - b - b x) \ + (b x - a) \ - b
--R
--R
--R
                 1 2
               b x = b x + a
--R
--R
              +----+
--R
              | 2 +-+
--R
--R
             \parallel - b x + a \parallel a - a
--R
--R
                       +-+
```

```
+---+ x\|b
- \|- b atan(-----)
--R
--R
--R
                 1 2
--R
--R
                 --R /
      +---+ +-+
--R
      \|- b \|b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1366
--S 1367 of 1369
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1367
--S 1368 of 1369
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
             +----+
--R
             --R
--R
        2atan(-----) - atan(-----)
--R
--R
                    bх
                                        1 2
--R
--R
                                        --R
--R
                            +-+
--R
                            \|Ъ
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1368
--S 1369 of 1369
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
   (7) 0
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1369
)spool
)lisp (bye)
```

References

[1] nothing