## \$SPAD/src/input rich10b.input

## Albert Rich and Timothy Daly August 21, 2013

## Abstract

x^m (a x^q+b x^n)^p There are:

- $\bullet$  300 integrals in this file.
- $\bullet~303$  supplied "optimal results".
- 270 matching answers.
- 10 cases where Axiom answer differs from Rubi
- 37 cases where Axiom supplied 2 results.
- $\bullet~5$  cases that Axiom failed to integrate.
- 54 that contain expressions Axiom does not recognize.

## Contents

```
__ * __
)set break resume
)sys rm -f rich10b.output
)spool rich10b.output
)set message test on
)set message auto off
)clear all
--S 1 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^3
--R
--R.
                     +----+
                    | 2
--R
               2
--R
           (cx + a) \setminus |cx + a|
     (1) -----
--R
         3 3 2 2 2 3
--R
--R
        e x + 3d e x + 3d e x + d
--R.
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1
--S 2 of 1581
r0:=-1/2*(a+c*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^2)-3*c^(3/2)*d*atanh(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a+c*x^2))/e^4-3/2*c*(2*c*d^2+a*e^2)*atanh((a*e-c*d*x)/_
    (sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))/(e^4*sqrt(c*d^2+a*e^2))+_
    3/2*c*(2*d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/(e^3*(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
               2 2 2 3 +-+ | 2 2
--R
                                                           x\|c
        (-6c d e x - 12c d e x - 6c d) \leq + c d atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                          1 2
--R
                                                         \c x + a
--R
                4 2 2 2 2
--R
                                      3
                                            2 3
          ((3a c e + 6c d e)x + (6a c d e + 12c d e)x + 3a c d e + 6c d)
--R
--R
--R
                    cdx-ae
          atanh(-----)
--R
             +----+
--R
                | 2 2 | 2
--R
               \label{lambda} | a + c d | c x + a |
--R
--R
--R
                                   2 | 2 2 | 2
--R
            3 2 2
                            3
--R
        (2c e x + 9c d e x - a e + 6c d e) \setminus |a e + c d \setminus |c x + a|
```

```
--R /
--R
                       6 2 5 2 4 | 2 2
--R
--R
                     (2e x + 4d e x + 2d e) \mid a e + c d
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 2
--S 3 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            (3)
--R
               Ε
                                                              2 2 4 3 4 2 4 2 3 3 3 5 3
--R
--R
                                                  (3a c d e + 6c d e )x + (6a c d e + 12c d e)x
--R
--R
                                                            2 2 4 2 4 2 3 6 2 2 3 3 2 5
--R
                                                   (12a c d e + 27a c d e + 6c d )x + (24a c d e + 48a c d e)x
--R
                                                       2 4 2 2 6
--R
--R
                                                  12a c d e + 24a c d
--R
--R
--R
                                                +-+ | 2
--R
                                              \label{lem:a} \label{lem:a} \label{lem:a} \label{lem:a} $$ \label{lem:a}
--R
                                                     2 2 2 4 3 4 2 4 2 2 3 3 3 5 3
--R
--R
                                         (- 9a c d e - 18a c d e )x + (- 18a c d e - 36a c d e)x
--R
--R
                                                       3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
--R
                                         (- 12a c d e - 33a c d e - 18a c d )x
--R
                                                                                                                    3 4 2
--R
                                                     3 3 3
                                                                                    2 2 5
--R
                                        (- 24a c d e - 48a c d e)x - 12a c d e - 24a c d
--R
                                   log
--R
--R
                                                                                      2 +-+ | 2 2
--R
                                                           ((d e x + d) | a | a e + c d + (- a d e - c d) x)
--R
--R
 --R
                                                             +----+
                                                            1 2
--R
--R.
                                                          \c x + a
--R
--R
                                                                                                                                            2 | 2 2
--R
                                                                    2 2 2
--R
                                                      ((-ae -cd)x -adex -ad)|ae +cd
--R
--R
                                                                3 2 2 2
                                                                                                                                     3 +-+
                                                      ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
```

```
--R
--R
--R
                    +-+ | 2
--R
             (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
               2 3 2 4 2 4 3 3 2 2 5 2 4
--R
--R
              6c d e x + 12c d e x + (24a c d e + 6c d )x + 48a c d e x
--R
--R
--R
              24a c d
--R
--R
                  +----+
             +-+ +-+ | 2 2 | 2
--R
             --R
--R
--R
                   2 3 2 4 2 4 3
                                       2 3 2 2 5 2
              - 18a c d e x - 36a c d e x + (- 24a c d e - 18a c d )x
--R
--R
                2 4 2 5
--R
              - 48a c d e x - 24a c d
--R
--R
               +----+
--R
--R
             +-+ | 2 2
--R
             \c \c \c = + c d
--R
--R
              +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
             (x \mid c + \mid a) \mid c x + a - x \mid a \mid c - c x - a
--R
--R
--R
                       +-+ | 2
--R
                       \|a \|c x + a - a
--R
            2 5 4 2 4 2 3 2 3
--R
--R
           -acex + (-2acde - 15acde)x
--R
              35 223 242 34232
--R
           (-4a e + 18a c d e - 12a c d e)x + (-8a d e + 12a c d e)x
--R
--R
--R
          +----+
          | 2 2 | 2
--R
          \|a e + c d \|c x + a
--R
--R
            3 2 3 6 3 3 2 5 2 5 2 2 3 3 4 4
--R
--R
           2c d e x + 9c d e x + (3a c e - 9a c d e + 6c d e)x
--R
            2 4 2323 35 223 242
--R
--R
           (6a c d e + 9a c d e )x + (4a e - 18a c d e + 12a c d e)x
--R
            3 4 2 3 2
--R
```

```
--R
          (8a d e - 12a c d e )x
--R
--R
          +-+ | 2 2
--R
--R
         \|a \|a e + c d
--R
            264 353 26 442 35 44
--R
--R
          (2c d e x + 4c d e x + (8a d e + 2c d e )x + 16a d e x + 8a d e )
--R
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2 2 | 2
         --R
--R
                264 353 226 442
--R
--R
           - 6a c d e x - 12a c d e x + (- 8a d e - 6a c d e )x
--R
--R
             2 3 5 2 4 4
--R
           - 16a d e x - 8a d e
--R
--R
          +----+
--R
          1 2 2
         --R
--R
--R
--R
                 2 2 4 3 4 2 4 2 3 3 3 5 3
--R
             (3a c d e + 6c d e )x + (6a c d e + 12c d e)x
--R
--R
                2 2 4 2 4 2 3 6 2 2 3 3 2 5
--R
             (12a c d e + 27a c d e + 6c d )x + (24a c d e + 48a c d e)x
--R
                2 4 2 2 6
--R
--R
             12acde + 24acd
--R
--R
               +----+
--R
             +-+ | 2
--R
            \|a \|c x + a
--R
             2 2 2 4 3 4 2 4 2 2 3 3 3 5 3
--R
           (- 9a c d e - 18a c d e )x + (- 18a c d e - 36a c d e)x
--R
--R
              3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
--R
           (- 12a c d e - 33a c d e - 18a c d )x
--R
--R
--R
              3 3 3 2 2 5 3 4 2 2 2 6
--R
           (- 24a c d e - 48a c d e)x - 12a c d e - 24a c d
--R
--R
         log
--R
                        2 +-+ | 2 2 2 3
--R
                ((d e x + d)|a|a + c d + (-a d e - c d)x)
--R
```

```
--R
--R
--R
               | 2
--R
               \c x + a
--R
--R
                  2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
              ((-ae -cd)x -adex-ad)|ae +cd
--R
                     2 2
--R
                              2
                                   3 +-+
--R
             ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
                   +-+ | 2
--R
--R
            (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
                2 3 2 4 2 4 3
                                 3 2 2 5 2
             - 12c d e x - 24c d e x + (-48a c d e - 12c d)x
--R
--R
--R
                  4
--R
             - 96a c d e x - 48a c d
--R
--R
--R
            +---+ +-+ | 2 2 | 2
--R
            --R
                2 3 2 4 2 4 3 2 3 2 2 5 2
--R
--R
             36a c d e x + 72a c d e x + (48a c d e + 36a c d) x
--R
              2 4 2 5
--R
--R
             96a c d e x + 48a c d
--R
--R
                +----+
            +---+ | 2 2
--R
--R
            --R
             +----+
--R
             | 2 +-+
--R
            \|c x + a - \|a
--R
--R
         atan(-----)
                 +---+
--R
--R
               x\|- c
--R
--R
            2 5 4 2
                         4 2323
          -acex + (-2acde - 15acde)x
--R
--R
             35 2 23 24 2 3 4 2 3 2
--R
--R
          (-4a e + 18a c d e - 12a c d e)x + (-8a d e + 12a c d e)x
--R
          +----+
--R
```

```
| 2 2 | 2
--R
--R
         --R
           3 2 3 6 3 3 2 5 2 5 2 2 3 3 4 4
--R
--R
          2c d e x + 9c d e x + (3a c e - 9a c d e + 6c d e)x
--R
           2 4 2323 35 223 242
--R
--R
          (6a c d e + 9a c d e )x + (4a e - 18a c d e + 12a c d e)x
--R
           3 4 2 3 2
--R
--R
         (8a d e - 12a c d e )x
--R
--R
         +-+ | 2 2
--R
--R
         \|a \|a e + c d
--R
           264 353 26 442 35 44
--R
--R
         (2c d e x + 4c d e x + (8a d e + 2c d e)x + 16a d e x + 8a d e)
--R
--R
           +----+
         +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
         --R
              264 353 226 442
--R
--R
          - 6a c d e x - 12a c d e x + (- 8a d e - 6a c d e )x
--R
             2 3 5 2 4 4
--R
--R
          - 16a d e x - 8a d e
--R
--R
         +----+
         | 2 2
--R
--R
         --R
--R
             2 3 2 4 2 4 3 3 2 2 5 2 4
--R
            6c d e x + 12c d e x + (24a c d e + 6c d )x + 48a c d e x
--R
--R
--R
--R
             24a c d
--R
--R
            2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
            --R
                2 3 2 4 2 4 3 2 3 2 2 5 2
--R
             - 18a c d e x - 36a c d e x + (- 24a c d e - 18a c d )x
--R
--R
--R
               2 4
             - 48a c d e x - 24a c d
--R
--R
```

```
--R
           1 2 2 +-+
--R
--R
           --R
--R
                    +----+
            +----+
--R
--R
           (x \mid c + \mid a) \mid c x + a - x \mid a \mid c - c x - a
--R
--R
                     +-+ | 2
--R
--R
                     --R
               2 2 4 3 4 2 4 2 3 3 3 5 3
--R
            (6a c d e + 12c d e )x + (12a c d e + 24c d e)x
--R
--R
--R
               2 2 4 2 3 6 2
--R
             (24a c d e + 54a c d e + 12c d )x
--R
              2 3 3 2 5 2 4 2 2 6
--R
--R
             (48a c d e + 96a c d e)x + 24a c d e + 48a c d
--R
             +----+
--R
--R
            +-+ | 2
--R
           --R
              2 2 2 4 3 4 2 4 2 2 3 3 3 5 3
--R
--R
          (- 18a c d e - 36a c d e )x + (- 36a c d e - 72a c d e)x
--R
--R
             3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
--R
          (- 24a c d e - 66a c d e - 36a c d )x
--R
             3 3 3 2 2 5 3 4 2 2 2 6
--R
--R
          (- 48a c d e - 96a c d e)x - 24a c d e - 48a c d
--R
            +----+
| 2 2 | 2
--R
                                       | 2 2 +-+
--R
--R
            d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
         atan(-----)
                             2 2
--R
--R
                           (ae + cd)x
--R
--R
           2 5 4 2
                        4 2323
--R
          -acex + (-2acde - 15acde)x
--R
            35 223 242 34232
--R
          (-4a e + 18a c d e - 12a c d e)x + (-8a d e + 12a c d e)x
--R
--R
         +----+
--R
         | 2 2 | 2
--R
         --R
```

```
--R
           3 2 3 6 3 3 2 5 2 5 2 2 3 3 4 4
--R
--R
           2c d e x + 9c d e x + (3a c e - 9a c d e + 6c d e)x
--R
            2 4 2323 35 223 242
--R
--R
           (6a c d e + 9a c d e )x + (4a e - 18a c d e + 12a c d e)x
--R
            3 4 2 3 2
--R
          (8a d e - 12a c d e )x
--R
--R
--R
          | 2 2 +-+
--R
--R
         --R
--R
            264 353 26 442 35 44
--R
          (2c d e x + 4c d e x + (8a d e + 2c d e )x + 16a d e x + 8a d e )
--R
                       +----+
--R
          +----+
          | 2 2 +-+ | 2
--R
--R
         --R
               264 353 226 442
--R
           - 6a c d e x - 12a c d e x + (- 8a d e - 6a c d e )x
--R
--R
--R
             2 3 5 2 4 4
--R
           - 16a d e x - 8a d e
--R
--R
--R
          1 2 2
--R
         \|- a e - c d
--R
--R
                 2 2 4 3 4 2 4 2 3 3 3 5 3
--R
--R
             (6a c d e + 12c d e )x + (12a c d e + 24c d e)x
--R
                2 2 4 2 4 2
--R
                                 362
             (24a c d e + 54a c d e + 12c d )x
--R
--R
               2 3 3 2 5 2 4 2 2 6
--R
--R
             (48a c d e + 96a c d e)x + 24a c d e + 48a c d
--R
--R
               +----+
--R
            +-+ | 2
--R
            \ln \x + a
--R
              2 2 2 4 3 4 2 4 2 2 3 3 3 5 3
--R
           (- 18a c d e - 36a c d e )x + (- 36a c d e - 72a c d e)x
--R
--R
              3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
--R
--R
           (- 24a c d e - 66a c d e - 36a c d )x
```

```
--R
           3 3 3 2 2 5 3 4 2 2 2 6
--R
--R
          (- 48a c d e - 96a c d e)x - 24a c d e - 48a c d
--R
            +-----+
| 2 2 | 2
--R
                                        | 2 2 +-+
--R
--R
            d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
--R
--R
                            (ae + cd)x
--R
               2 3 2 4 2 4 3 3 2 2 5 2
--R
            - 12c d e x - 24c d e x + (- 48a c d e - 12c d )x
--R
--R
--R
                  4
--R
             - 96a c d e x - 48a c d
--R
--R
            | 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
            --R
--R
               2 3 2 4 2 4 3 2 3 2 2 5 2
--R
--R
             36a c d e x + 72a c d e x + (48a c d e + 36a c d )x
--R
             2 4 2 5
--R
--R
             96a c d e x + 48a c d
--R
--R
            | 2 2 +---+
--R
--R
            --R
            +----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
            \|c x + a - \|a
         atan(-----)
--R
--R
--R
               x\|- c
--R
           2 5 4 2
                         4 2323
--R
          -acex + (-2acde - 15acde)x
--R
--R
             35 223 242 34 232
--R
--R
          (-4a e + 18a c d e - 12a c d e)x + (-8a d e + 12a c d e)x
--R
          +----+
--R
         1 2 2 1 2
--R
--R
         --R
          3 2 3 6 3 3 2 5 2 5 2 2 3 3 4 4
--R
--R
          2c d e x + 9c d e x + (3a c e - 9a c d e + 6c d e)x
```

```
--R
            2 4 2323 35 223 242
--R
--R
           (6a c d e + 9a c d e )x + (4a e - 18a c d e + 12a c d e)x
--R
              3 4 2 3 2
--R
           (8a d e - 12a c d e )x
--R
--R
--R
           | 2 2 +-+
--R
          \|- a e - c d \|a
--R
--R
     /
             264 353 26 442 35 44
--R
          (2c d e x + 4c d e x + (8a d e + 2c d e )x + 16a d e x + 8a d e )
--R
--R
--R
--R
          | 2 2 +-+ | 2
--R
          --R
                 2 6 4 3 5 3 2 2 6 4 4 2
--R
           - 6a c d e x - 12a c d e x + (- 8a d e - 6a c d e )x
--R
--R
--R
               2 3 5 2 4 4
--R
           - 16a d e x - 8a d e
--R
          +----+
--R
          1 2 2
--R
--R
          \|-ae -cd
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 3
--S 4 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
              2 2 2 3 4 2 2 2 2 2 4 +-+ | 2
--R
--R
          ((3a c d e + 6c d)x + 12a c d e + 24a c d) | a | c x + a
--R
              2 2 2 2 3 4 2 3 2 2
--R
          (- 9a c d e - 18a c d )x - 12a c d e - 24a c d
--R
--R.
--R
        log
--R
                           +----+
                                                     +----+
                      2 +-+ | 2 2
                                           2 3 | 2
--R
--R
             ((d e x + d) | a | a e + c d + (-a d e - c d) x) | c x + a
--R
--R
                   2 2 2
                                       2 | 2 2
--R
```

```
--R
             ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
                 3 2 2 2 3 +-+
--R
--R
             ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
                     +----+
--R
                   +-+ | 2
--R
--R
            (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
                              +----+
            2 3 2 3 +-+ +-+ | 2 2 | 2
--R
          (6c d x + 24a c d) | a | c | a e + c d | c x + a
--R
--R
--R
                               +----+
               2 3 2 2 3 +-+ | 2 2
--R
--R
          (- 18a c d x - 24a c d )\|c \|a e + c d
--R
--R
                      +----+
             +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
           (x \mid c + \mid a) \mid c x + a - x \mid a \mid c - c x - a
--R
        log(-----)
--R
--R
                      +-+ | 2
--R
                      --R
--R
                               +----+
           2 3 2 3 +-+ +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
         (6c d x + 24a c d) | a | c | a e + c d | c x + a
--R
--R
                               +----+
               2 3 2 2 3 +-+ | 2 2
--R
--R
         (- 18a c d x - 24a c d )\|c \|a e + c d
--R
--R
--R
              x\|c
        atanh(-----)
--R
--R
             +----+
             1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
--R
               2 2 2 3 4 2 2 2 2 2 4 +-+ | 2
--R
--R.
          ((-3a c d e - 6c d)x - 12a c d e - 24a c d)\|a\|c x + a
--R
            2 2 2 2 3 4 2 3 2 2 2 2 4
--R
--R
          (9a c d e + 18a c d )x + 12a c d e + 24a c d
--R
--R
                 cdx-ae
        atanh(-----)
--R
             +----+
--R
```

```
| 2 2 | 2
--R
--R
             --R
--R
          2 3 2 2 2 3 3 2 2 | 2 2 | 2
--R
--R
       ((-ace + 6acde)x - 4ae + 24acde)\|ae + cd \|cx + a
--R
--R
          2 3 2 2 2 3 3 2 2 +-+ | 2 2
--R
--R
       ((3a c e - 18a c d e)x + 4a e - 24a c d e) | a | a e + c d
--R /
                          +----+
--R
          2 4 2 2 4 +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
       (2c d e x + 8a d e) | a | a e + c d | c x + a
--R
--R
--R
              --R
       (-6acdex - 8ade) \setminus |ae + cd
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 4
--S 5 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 5
--S 6 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
              2 2 2 3 4 2 2 2 2 2 4 +-+ | 2
--R
--R
          ((3a c d e + 6c d)x + 12a c d e + 24a c d) | a | c x + a
--R
              2 2 2 2 3 4 2 3 2 2 2 2 4
--R
--R
          (- 9a c d e - 18a c d )x - 12a c d e - 24a c d
--R
--R
        log
--R
                           +----+
                                       2 3 | 2
                      2 +-+ | 2 2
--R
--R
              ((d e x + d) | a | a e + c d + (- a d e - c d) x) | c x + a
--R
--R
--R
                   2 2 2
                                       2 | 2 2
              ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
--R
```

```
3 2 2 2 3 +-+
--R
--R
             ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
                     +----+
--R
                   +-+ | 2
--R
            (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
                              +----+
            2 3 2 3 +-+ +-+ | 2 2 | 2
--R
          (6c d x + 24a c d )\|a \|c \|a e + c d \|c x + a
--R
--R
                              +----+
--R
               2 3 2 2 3 +-+ | 2 2
--R
--R
          (-18a c d x - 24a c d) \leq + c d
--R
--R
               +-+
              x\|c
--R
--R
        atanh(-----)
            +----+
--R
             1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
--R
--R
               2 2 2 3 4 2 2 2 2 2 4 +-+ | 2
--R
          ((-3a c d e - 6c d)x - 12a c d e - 24a c d)\|a\|c x + a
--R
            2 2 2 2 3 4 2 3 2 2 2 2 4
--R
--R
         (9a c d e + 18a c d )x + 12a c d e + 24a c d
--R
--R
                cdx-ae
        atanh(-----)
--R
            +----+
--R
             | 2 2 | 2
--R
--R
            --R
--R
                                  +----+
             2 3 2 3 +---+ +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
         (- 12c d x - 48a c d )\|- c \|a \|a e + c d \|c x + a
--R
--R
              2 3 2 2 3 +---+ | 2 2
--R
          (36a c d x + 48a c d) = c = c d
--R
--R.
--R
            +----+
            1 2
--R
           \|c x + a - \|a
--R
--R
        atan(-----)
--R
                +---+
--R
                x\|- c
--R
```

```
--R
            2 3 2 2 2 3 3 2 2 | 2 2 | 2
--R
--R
        ((-ace + 6acde)x - 4ae + 24acde)\|ae + cd \|cx + a
--R
--R
                       2 2 2 3 3 2 2 +-+ | 2 2
--R
--R
         ((3a c e - 18a c d e)x + 4a e - 24a c d e) | a | a e + c d
--R
                              +----+
--R
                     2 4 +-+ | 2 2 | 2
--R
             2 4 2
         (2c d e x + 8a d e )\|a \|a e + c d \|c x + a
--R
--R
--R
                2 4 2 2 2 4 | 2
--R
         (-6acdex - 8ade) \ | ae + cd
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 6
--S 7 of 1581
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 7
)clear all
--S 8 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^4
--R
--R
--R
--R
                     2
                         | 2
--R
                 (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3
--R
         e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 8
--S 9 of 1581
r0:=-1/3*(a+c*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^3)+1/2*c*d*(a+c*x^2)^(3/2)/_
    (e*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^2)+c^(3/2)*atanh(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a+c*x^2))/e^4+1/2*c^2*d*(2*c*d^2+3*a*e^2)*atanh((a*e-c*d*x)/_
    (sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))/(e^4*(c*d^2+a*e^2)^(3/2))-_
    1/2*c*(2*(c*d^2+a*e^2)+c*d*e*x)*sqrt(a+c*x^2)/(e^3*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x))
--R
--R
--R
    (2)
```

```
--R
              5 2 2 3 3 4 2 3 2 2
--R
          (6a c e + 6c d e )x + (18a c d e + 18c d e )x
--R
--R
               2 3 2 4
                                 3 2 2 5
--R
         (18a c d e + 18c d e)x + 6a c d e + 6c d
--R
--R
           +----+
         +-+ | 2 2
                            x\|c
--R
        \|c \|a e + c d atanh(-----)
--R
--R
--R
                           1 2
--R
                          \c x + a
--R
               2 5 3 3 3 3
--R
                                   2 2 4
         (- 9a c d e - 6c d e )x + (- 27a c d e - 18c d e )x
--R
--R
--R
               2 3 3
                       3 5
                              2 4 2 3 6
--R
         (- 27a c d e - 18c d e)x - 9a c d e - 6c d
--R
--R
                 cdx-ae
        atanh(-----)
--R
--R
             +----+
--R
             | 2 2 | 2
--R
             \label{lambda} | a + c d | c x + a |
--R
               5 2232 4 232 25
--R
--R
          (-8a c e - 11c d e)x + (-9a c d e - 15c d e)x - 2a e
--R
--R
               2 3
                    2 4
         - 5acde - 6cde
--R
--R
         +----+
--R
         | 2 2 | 2
--R
--R
        \label{lambda} | a + c d | c x + a
--R /
                              8 362 27 45
           9 273
--R
--R
         (6a e + 6c d e)x + (18a d e + 18c d e)x + (18a d e + 18c d e)x
--R
          3 6 5 4
--R
--R
        6a d e + 6c d e
--R
       +----+
--R
--R
       | 2 2
--R
       \|a e + c d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 9
--S 10 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
   (3)
--R
--R
   [
                   3 4 5 4 6 3 5 3 5 4 4 7 2 4
--R
--R
               (9a c d e + 6c d e )x + (27a c d e + 18c d e )x
--R
                  2 2 4 5 3 6 3 4 8 3
--R
--R
               (36a c d e + 51a c d e + 18c d e)x
--R
                  2 2 5 4 3 7 2 4 9 2
--R
--R
               (108a c d e + 81a c d e + 6c d )x
--R
                  2 2 6 3 3 8 2 2 7 2 3 9
--R
               (108a c d e + 72a c d e)x + 36a c d e + 24a c d
--R
--R
--R
--R
              +-+ | 2
--R
              |a|c x + a
--R
               2 3 4 5 4 6 3 5 2 3 5 4 4 7 2 4
--R
--R
            (- 27a c d e - 18a c d e )x + (- 81a c d e - 54a c d e )x
--R
--R
                3 2 4 5 2 3 6 3 4 8 3
--R
            (- 36a c d e - 105a c d e - 54a c d e)x
--R
                3 2 5 4 2 3 7 2 4 9 2
--R
--R
            (- 108a c d e - 99a c d e - 18a c d )x
--R
--R
                 3 2 6 3
                          238 3272 239
--R
            (- 108a c d e - 72a c d e)x - 36a c d e - 24a c d
--R
--R
          log
--R
                        --R
--R
               ((d e x + d) | a | a e + c d + (a d e + c d) x) | c x + a
--R
--R
                                          2 | 2 2
                     2 2 2
--R
                ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
--R
--R
                          2 2
                ((-ae - cde)x + (-ade - cd)x)|a
--R
--R.
--R
                     +-+ | 2
--R
--R
              (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
                   2 3 5 3 5 3 5 2 4 4 3 6 2 4
               (6a c d e + 6c d e )x + (18a c d e + 18c d e )x
--R
--R
```

```
2 3 5 2 5 3 3 7 3
--R
--R
              (24a c d e + 42a c d e + 18c d e)x
--R
                --R
--R
              (72a c d e + 78a c d e + 6c d)x + (72a c d e + 72a c d e)x
--R
               2 6 2 2 8
--R
--R
              24a c d e + 24a c d
--R
--R
                  +----+
             +-+ +-+ | 2 2 | 2
--R
            --R
--R
                  2 2 3 5 3 5 3 5
--R
                                       2 2 4 4 3 6 2 4
             (- 18a c d e - 18a c d e )x + (- 54a c d e - 54a c d e )x
--R
--R
--R
                  3 3 5 2 2 5 3 3 7 3
--R
              (- 24a c d e - 78a c d e - 54a c d e)x
--R
--R
                 3 4 4 2 2 6 2 3 8 2
--R
             (- 72a c d e - 90a c d e - 18a c d )x
--R
                 3 5 3 2 2 7 3 6 2 2 2 8
--R
--R
              (- 72a c d e - 72a c d e)x - 24a c d e - 24a c d
--R
--R
             +-+ | 2 2
--R
--R
            \c \c \c = + c d
--R
--R
               +-----+
+-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
            (-x|c + |a )|c x + a + x|a |c - c x - a
--R
--R
--R
                        +-+ | 2
--R
                       \|a \|c x + a - a
--R
              3 8 2 2 2 6 3 4 4 5
--R
--R
           (-2ace -5acde -6acde)x
--R
                  7 2235 3534
--R
--R
           (- 6a c d e + 9a c d e + 15a c d e )x
--R
              48 3 26 2244 3623
--R
--R
           (-8ae - 26acde - 12acde + 27acde)x
--R
--R
              4 7 3 3 5 2 2 5 3 3 7 2
           (- 24a d e - 24a c d e - 18a c d e + 12a c d e)x
--R
--R
--R
               4 2 6 3 4 4 2 2 6 2
```

```
--R
           (- 24a d e - 24a c d e - 12a c d e )x
--R
--R
          +----+
          | 2 2 | 2
--R
--R
         --R
               3 3 5 4 5 3 6
--R
--R
          (- 8a c d e - 11c d e )x
--R
            3 8 2 2 2 6 3 4 4
--R
                                     4625
--R
           (6ace + 15acde + 9acde - 15cde)x
--R
             3 7 2235 353 474
--R
--R
           (18a c d e + 3a c d e - 6a c d e - 6c d e)x
--R
--R
            48 3 26 2244 3623
--R
           (8a e + 38a c d e + 24a c d e - 21a c d e )x
--R
             4 7 3 3 5 2 2 5 3 3 7 2
--R
--R
           (24a d e + 24a c d e + 18a c d e - 12a c d e)x
--R
             4 2 6 3 4 4 2 2 6 2
--R
--R
           (24a d e + 24a c d e + 12a c d e )x
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2 2
--R
--R
         --R
               3 9 2 5 7 5 4 8 2 6 6 4
--R
--R
          (6a c d e + 6c d e )x + (18a c d e + 18c d e )x
--R
              2 3 9 5 7 2 7 5 3
--R
--R
          (24a d e + 42a c d e + 18c d e )x
--R
                                      2 5 7
             2 4 8
--R
                       66 284 2
           (72a d e + 78a c d e + 6c d e )x + (72a d e + 72a c d e )x
--R
--R
--R
            266
           24a d e + 24a c d e
--R
--R
--R
            +----+
          +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
         --R
--R
              2 3 9 2 5 7 5 2 4 8 2 6 6 4
           (- 18a c d e - 18a c d e )x + (- 54a c d e - 54a c d e )x
--R
--R
--R
                     2 5 7 2 7 5 3
              3 3 9
           (- 24a d e - 78a c d e - 54a c d e )x
--R
--R
```

```
3 4 8 2 6 6 2 8 4 2
--R
--R
          (- 72a d e - 90a c d e - 18a c d e )x
--R
--R
               3 5 7 2 7 5
                               3 6 6 2 8 4
--R
          (- 72a d e - 72a c d e )x - 24a d e - 24a c d e
--R
--R
          +----+
          1 2 2
--R
         \lae + c d
--R
--R
--R
                2 3 5 3 5 3 5 2 4 4 3 6 2 4
--R
             (6a c d e + 6c d e )x + (18a c d e + 18c d e )x
--R
--R
--R
               2 3 5 2 5 3
                                 3 7 3
--R
             (24a c d e + 42a c d e + 18c d e)x
--R
--R
               2 4 4 2 6 2 3 8 2 2 5 3 2 7
              (72a c d e + 78a c d e + 6c d)x + (72a c d e + 72a c d e)x
--R
--R
--R
              2 6 2 2 8
             24a c d e + 24a c d
--R
--R
--R
             2 2 +-+ +-+ 2
--R
            --R
--R
--R
                 2 2 3 5 3 5 3 5 2 2 4 4 3 6 2 4
--R
             (-18acde -18acde)x + (-54acde -54acde)x
--R
                 3 3 5 2 2 5 3 3 7 3
--R
--R
              (- 24a c d e - 78a c d e - 54a c d e)x
--R
                 3 4 4 2 2 6 2 3 8 2
--R
--R
             (- 72a c d e - 90a c d e - 18a c d )x
--R
--R
                3 5 3
                         2 2 7
                                  3 6 2
--R
             (- 72a c d e - 72a c d e)x - 24a c d e - 24a c d
--R
             +----+
--R
             2 2 +-+
--R
            --R
--R
--R
                       +----+
               +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
            (-x|c + |a )|c + a + x|a |c - c - a
--R
         log(-----)
--R
                       +-+ | 2
--R
--R
                       |a|cx + a - a
```

```
--R
                    3 4 5 4 6 3 5 3 5 4 4 7 2 4
--R
--R
              (- 18a c d e - 12c d e )x + (- 54a c d e - 36c d e )x
--R
                   2 2 4 5 3 6 3 4 8 3
--R
--R
               (- 72a c d e - 102a c d e - 36c d e)x
--R
--R
                    2 2 5 4
                               372
              (- 216a c d e - 162a c d e - 12c d )x
--R
--R
                                        2 2 7 2 3 9
--R
                             3 8
                    2 2 6 3
              (- 216a c d e - 144a c d e)x - 72a c d e - 48a c d
--R
--R
--R
              +-+ | 2
--R
--R
             |a|c x + a
--R
--R
               2 3 4 5 4 6 3 5 2 3 5 4 4 7 2 4
            (54a c d e + 36a c d e )x + (162a c d e + 108a c d e )x
--R
--R
--R
               3 2 4 5 2 3 6 3 4 8 3
            (72a c d e + 210a c d e + 108a c d e)x
--R
--R
--R
               3 2 5 4 2 3 7 2 4 9 2
--R
            (216a c d e + 198a c d e + 36a c d )x
--R
                3 2 6 3 2 3 8 3 2 7 2 2 3 9
--R
--R
            (216a c d e + 144a c d e)x + 72a c d e + 48a c d
--R
               +-----+
| 2 2 | 2
--R
                                              | 2 2 +-+
--R
--R
              d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
--R
--R
                                (ae + cd)x
--R
               3 8 2226
--R
                                3 4 4 5
           (- 2ace - 5acde - 6acde) x
--R
--R
--R
                   7 2235
--R
            (-6acde + 9acde + 15acde)x
--R
--R
               48 3 26 2244 3623
            (-8ae -26acde -12acde +27acde)x
--R
--R
--R
               4 7 3 3 5
                                 2 2 5 3 3 7 2
--R
            (- 24a d e - 24a c d e - 18a c d e + 12a c d e)x
--R
                4 2 6 3 4 4 2 2 6 2
--R
--R
            (- 24a d e - 24a c d e - 12a c d e )x
```

```
--R
          +----+
--R
          | 2 2 | 2
--R
--R
         --R
              3 3 5 4 5 3 6
--R
--R
          (-8acde -11cde)x
--R
            3 8 2 2 2 6 3 4 4 4 6 2 5
--R
--R
          (6ace + 15acde + 9acde - 15cde)x
--R
            3 7 2235 353 47 4
--R
          (18a c d e + 3a c d e - 6a c d e - 6c d e)x
--R
--R
                 3 2 6 2 2 4 4
                                   3 6 2 3
--R
            4 8
--R
          (8a e + 38a c d e + 24a c d e - 21a c d e )x
--R
--R
             4 7 3 3 5 2 2 5 3 3 7 2
--R
          (24a d e + 24a c d e + 18a c d e - 12a c d e)x
--R
--R
             4 2 6 3 4 4 2 2 6 2
          (24a d e + 24a c d e + 12a c d e )x
--R
--R
--R
          2 2 +-+
--R
         \|-ae -cd \|a
--R
--R
              3 9 2 5 7 5 4 8 2 6 6 4
--R
--R
          (6a c d e + 6c d e )x + (18a c d e + 18c d e )x
--R
             2 3 9 5 7
--R
                            2753
--R
          (24a d e + 42a c d e + 18c d e )x
--R
             248 66 2842 257 75
--R
--R
          (72a d e + 78a c d e + 6c d e )x + (72a d e + 72a c d e )x
--R
--R
            2 6 6 8 4
--R
          24a d e + 24a c d e
--R
          +----+
--R
          | 2 2 +-+ | 2
--R
         --R
--R
--R
              2 3 9 2 5 7 5 2 4 8 2 6 6 4
          (- 18a c d e - 18a c d e )x + (- 54a c d e - 54a c d e )x
--R
--R
--R
              3 3 9 2 5 7 2 7 5 3
          (- 24a d e - 78a c d e - 54a c d e )x
--R
--R
--R
              3 4 8 2 6 6 2 8 4 2
```

```
--R
           (-72a d e - 90a c d e - 18a c d e )x
--R
--R
                357 275 366 284
--R
           (- 72a d e - 72a c d e )x - 24a d e - 24a c d e
--R
--R
           +----+
           | 2 2
--R
--R
          \|-ae -cd
--R
--R
                 3 4 5 4 6 3 5 3 5 4 4 7 2 4
--R
              (9a c d e + 6c d e )x + (27a c d e + 18c d e )x
--R
--R
                 2 2 4 5 3 6 3 4 8 3
--R
              (36a c d e + 51a c d e + 18c d e)x
--R
--R
--R
                  2 2 5 4 3 7 2 4 9 2
--R
              (108a c d e + 81a c d e + 6c d )x
--R
                 2 2 6 3 3 8 2 2 7 2 3 9
--R
--R
              (108a c d e + 72a c d e)x + 36a c d e + 24a c d
--R
--R
--R
              +-+ | 2
--R
             --R
               2 3 4 5 4 6 3 5 2 3 5 4 4 7 2 4
--R
--R
           (- 27a c d e - 18a c d e )x + (- 81a c d e - 54a c d e )x
--R
--R
                3 2 4 5 2 3 6 3 4 8 3
--R
            (- 36a c d e - 105a c d e - 54a c d e)x
--R
--R
                3 2 5 4
                         2 3 7 2
                                    492
--R
            (- 108a c d e - 99a c d e - 18a c d )x
--R
                3 2 6 3 2 3 8
                                  3 2 7 2 2 3 9
--R
--R
           (- 108a c d e - 72a c d e)x - 36a c d e - 24a c d
--R
--R
          log
--R
                        2 +-+ | 2 2
                                         2 3 | 2
--R
               ((d e x + d) | a | a e + c d + (a d e + c d) x) | c x + a
--R
--R
--R
                                         2 | 2 2
--R
                    2
                         2 2
--R
               ((-ae -cd)x -adex-ad)|ae +cd
--R
--R
                         2 2
                                    2 3 +-+
               ((-ae -cde)x + (-ade -cd)x)|a
--R
--R
```

```
--R
                     +-+ | 2
--R
--R
             (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
                   2 3 5 3 5 3 5 2 4 4 3 6 2 4
--R
--R
              (12a c d e + 12c d e )x + (36a c d e + 36c d e )x
--R
                 2 3 5 2 5 3 3 7 3
--R
              (48a c d e + 84a c d e + 36c d e)x
--R
--R
--R
                 2 44
                            262 382
--R
              (144a c d e + 156a c d e + 12c d )x
--R
                            27 262
--R
                 2 5 3
              (144a c d e + 144a c d e)x + 48a c d e + 48a c d
--R
--R
--R
                    +----+
             +---+ +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
             --R
--R
                   2 2 3 5 3 5 3 5 2 2 4 4 3 6 2 4
              (- 36a c d e - 36a c d e )x + (- 108a c d e - 108a c d e )x
--R
--R
--R
                 3 3 5 2 2 5 3 3 7 3
--R
               (- 48a c d e - 156a c d e - 108a c d e)x
--R
--R
                   3 4 4
                           2 2 6 2
                                      3 8 2
--R
              (- 144a c d e - 180a c d e - 36a c d )x
--R
--R
                   3 5 3 2 2 7 3 6 2 2 2 8
--R
             (- 144a c d e - 144a c d e)x - 48a c d e - 48a c d
--R
--R
                 +----+
--R
             +---+ | 2 2
--R
             \label{lem:condition} \
--R
--R
              +----+
              1 2
--R
             \c x + a - \a
--R
--R
          atan(-----)
                  +---+
--R
--R
                 x\|- c
--R
--R
               3 8 2 2 2 6 3 4 4 5
--R
           (- 2a c e - 5a c d e - 6a c d e ) x
--R
--R
              3 7 2235 3534
--R
           (- 6a c d e + 9a c d e + 15a c d e )x
--R
               48 3 26 2244 3623
--R
```

```
--R
          (-8ae - 26acde - 12acde + 27acde) x
--R
--R
               4 7 3 3 5
                               2 2 5 3 3 7 2
--R
           (- 24a d e - 24a c d e - 18a c d e + 12a c d e)x
--R
               4 2 6 3 4 4
--R
                               2 2 6 2
--R
          (- 24a d e - 24a c d e - 12a c d e )x
--R
          +----+
--R
          | 2 2 | 2
--R
          --R
--R
               3 3 5 4 5 3 6
--R
          (- 8a c d e - 11c d e )x
--R
--R
--R
            3 8 2 2 2 6 3 4 4 4 6 2 5
--R
           (6ace + 15acde + 9acde - 15cde)x
--R
--R
             3 7 2235 353 47 4
--R
           (18a c d e + 3a c d e - 6a c d e - 6c d e)x
--R
            48 3 26 2244 3623
--R
--R
           (8a e + 38a c d e + 24a c d e - 21a c d e )x
--R
             4 7 3 3 5 2 2 5 3
                                       3 7 2
--R
           (24a d e + 24a c d e + 18a c d e - 12a c d e)x
--R
--R
--R
              4 2 6 3 4 4 2 2 6 2
--R
           (24a d e + 24a c d e + 12a c d e )x
--R
--R
             +----+
          +-+ | 2 2
--R
--R
         |a|a + cd
--R
               3 9 2 5 7 5 4 8 2 6 6 4
--R
          (6a c d e + 6c d e )x + (18a c d e + 18c d e )x
--R
--R
--R
                       5 7
                              2 7 5 3
              2 3 9
--R
           (24a d e + 42a c d e + 18c d e )x
--R
--R
              2 4 8
                    66 284 2
                                       2 5 7
           (72a d e + 78a c d e + 6c d e )x + (72a d e + 72a c d e )x
--R
--R
--R
            266
                      8 4
--R
           24a d e + 24a c d e
--R
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2 2 | 2
          --R
--R
```

```
2 3 9 2 5 7 5 2 4 8 2 6 6 4
--R
           (- 18a c d e - 18a c d e )x + (- 54a c d e - 54a c d e )x
--R
--R
--R
                3 3 9
                       2 5 7 2 7 5 3
--R
            (- 24a d e - 78a c d e - 54a c d e )x
--R
                3 4 8 2 6 6
--R
                                   2842
--R
           (- 72a d e - 90a c d e - 18a c d e )x
--R
               357 2 75
                                   3 6 6 2 8 4
--R
--R
           (- 72a d e - 72a c d e )x - 24a d e - 24a c d e
--R
--R
           | 2 2
--R
          \lae + c d
--R
--R
--R.
--R
                    3 4 5 4 6 3 5 3 5 4 4 7 2 4
              (- 18a c d e - 12c d e )x + (- 54a c d e - 36c d e )x
--R
--R
--R
                   2 2 4 5
                            3 6 3
                                       483
              (- 72a c d e - 102a c d e - 36c d e) x
--R
--R
--R
                    2 2 5 4 3 7 2
                                       492
--R
              (- 216a c d e - 162a c d e - 12c d )x
--R
--R
                    2 2 6 3
                            3 8
                                        2 2 7 2 3 9
--R
              (- 216a c d e - 144a c d e)x - 72a c d e - 48a c d
--R
--R
                +----+
              +-+ | 2
--R
--R
             --R
               2 3 4 5 4 6 3 5 2 3 5 4 4 7 2 4
--R
--R
            (54a c d e + 36a c d e )x + (162a c d e + 108a c d e )x
--R
--R
              3 2 4 5 2 3 6 3
                                  483
--R
           (72a c d e + 210a c d e + 108a c d e)x
--R
--R
               3 2 5 4
                         2 3 7 2
                                    492
--R
            (216a c d e + 198a c d e + 36a c d )x
--R
--R
               3 2 6 3 2 3 8 3 2 7 2 2 3 9
--R
            (216a c d e + 144a c d e)x + 72a c d e + 48a c d
--R
--R
               +----+
               | 2 2 | 2
--R
              d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
--R
--R
                                   2 2
```

```
--R
                              (ae + cd)x
--R
                  2 3 5 3 5 3 5 2 4 4 3 6 2 4
--R
--R
             (12a c d e + 12c d e )x + (36a c d e + 36c d e )x
--R
                2 3 5 2 5 3 3 7 3
--R
             (48a c d e + 84a c d e + 36c d e)x
--R
--R
                2 4 4
                           262 382
--R
--R
             (144a c d e + 156a c d e + 12c d )x
--R
                2 53
                         27 262
--R
             (144a c d e + 144a c d e)x + 48a c d e + 48a c d
--R
--R
--R
                              +----+
--R
             | 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
            --R
                 2 2 3 5 3 5 3 5 2 2 4 4 3 6 2 4
--R
             (- 36a c d e - 36a c d e )x + (- 108a c d e - 108a c d e )x
--R
--R
--R
                 3 3 5 2 2 5 3 3 7 3
--R
             (- 48a c d e - 156a c d e - 108a c d e)x
--R
                 3 4 4 2 2 6 2
                                    382
--R
             (- 144a c d e - 180a c d e - 36a c d )x
--R
--R
                  3 5 3 2 2 7 3 6 2 2 2 8
--R
--R
             (- 144a c d e - 144a c d e)x - 48a c d e - 48a c d
--R
--R
             +----+
             | 2 2 +---+
--R
--R
            --R
--R
             +----+
             | 2 +-+
--R
--R
             \|c x + a - \|a
--R
          atan(-----)
--R
--R
                x\|- c
--R
              3 8 2 2 2 6 3 4 4 5
--R
--R
           (- 2a c e - 5a c d e - 6a c d e ) x
--R
--R
              3 7 2235 3534
--R
           (- 6a c d e + 9a c d e + 15a c d e )x
--R
--R
              48 3 26 2244 3623
           (-8ae - 26acde - 12acde + 27acde)x
--R
--R
```

```
4 7 3 3 5 2 2 5 3 3 7 2
--R
--R
          (- 24a d e - 24a c d e - 18a c d e + 12a c d e)x
--R
--R
               4 2 6 3 4 4
                              2 2 6 2
--R
          (- 24a d e - 24a c d e - 12a c d e )x
--R
--R
          +----+
          | 2 2 | 2
--R
         --R
--R
--R
              3 3 5 4 5 3 6
--R
          (- 8a c d e - 11c d e )x
--R
            3 8 2 2 2 6 3 4 4
--R
                                    4625
          (6ace + 15acde + 9acde - 15cde)x
--R
--R
--R
                7 2235 353 474
--R
          (18a c d e + 3a c d e - 6a c d e - 6c d e)x
--R
--R
            48 3 26 2244 3623
--R
           (8a e + 38a c d e + 24a c d e - 21a c d e )x
--R
--R
            4 7 3 3 5 2 2 5 3
                                     372
--R
          (24a d e + 24a c d e + 18a c d e - 12a c d e)x
--R
             4 2 6 3 4 4 2 2 6 2
--R
--R
          (24a d e + 24a c d e + 12a c d e )x
--R
--R
          +----+
--R
          2 2 +-+
--R
         --R
              3 9 2 5 7 5 4 8 2 6 6 4
--R
--R
          (6a c d e + 6c d e )x + (18a c d e + 18c d e )x
--R
             2 3 9
--R
                      5 7
                             2753
--R
          (24a d e + 42a c d e + 18c d e )x
--R
                  6 6 2 8 4 2
--R
             2 4 8
                                     2 5 7
--R
          (72a d e + 78a c d e + 6c d e )x + (72a d e + 72a c d e )x
--R
                      8 4
--R
            2 6 6
--R
          24a d e + 24a c d e
--R
--R
          +----+
          | 2 2 +-+ | 2
--R
--R
         --R
             2 3 9 2 5 7 5 2 4 8 2 6 6 4
--R
--R
          (- 18a c d e - 18a c d e )x + (- 54a c d e - 54a c d e )x
```

```
--R
                3 3 9 2 5 7 2 7 5 3
--R
--R
            (- 24a d e - 78a c d e - 54a c d e )x
--R
                 3 4 8 2 6 6 2 8 4 2
--R
--R
            (- 72a d e - 90a c d e - 18a c d e )x
--R
                3 5 7 2 7 5
                                   3 6 6 2 8 4
--R
           (- 72a d e - 72a c d e )x - 24a d e - 24a c d e
--R
--R
--R
           1 2 2
--R
          --R
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 10
--S 11 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
               3 4 2 4 6 2 2 2 4 2 3 6 +-+ | 2
--R
          ((9a c d e + 6c d)x + 36a c d e + 24a c d) | a | c x + a
--R
--R
               2 3 4 2 4 6 2 3 2 4 2 2 3 6
--R
          (- 27a c d e - 18a c d )x - 36a c d e - 24a c d
--R
--R
         log
--R
                       2 +-+ | 2 2 2 3 | 2
--R
--R
              ((d e x + d) | a | a e + c d + (a d e + c d) x) | c x + a
--R
--R
                        2 2
                                         2 | 2 2
--R
--R
              ((-ae -cd)x -adex-ad)|ae +cd
--R
                        2 2
--R
                   3
                                    2
                                          3 +-+
              ((-ae -cde)x + (-ade -cd)x)|a
--R
--R
--R
                    +-+ | 2
--R.
--R
             (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
                 2 3 2 3 5 2 2 3 2 2 5 +-+ +-+
--R
--R
            ((6a c d e + 6c d)x + 24a c d e + 24a c d) | a | c
--R
--R
             | 2 2 | 2
--R
```

```
--R
         --R
--R
             2 2 3 2 3 5 2 3 3 2 2 2 5 +-+ | 2 2
--R
--R
       ((- 18a c d e - 18a c d )x - 24a c d e - 24a c d )\|c \|a e + c d
--R
--R
                      +----+
              +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
           (-x|c + |a )|c + a + x|a |c - c - a
--R
--R
--R
                      +-+ | 2
--R
--R
                      \ln \ln x + a - a
--R
                2 3 2 3 5 2 2 3 2 2 5 +-+ +-+
--R
--R
           ((- 6a c d e - 6c d )x - 24a c d e - 24a c d )\|a \|c
--R
--R
           +----+
           | 2 2 | 2
--R
--R
           --R
--R
           2 2 3 2 3 5 2 3 3 2 2 2 5 +-+ | 2 2
--R
--R
        ((18a c d e + 18a c d )x + 24a c d e + 24a c d )\|c \|a e + c d
--R
--R
              +-+
--R
              x \mid c
--R
        atanh(-----)
--R
--R
            | 2
--R
            \c x + a
--R
--R
             3 4 2 4 6 2 2 2 4 2 3 6 +-+ | 2
--R
--R
         ((9a c d e + 6c d)x + 36a c d e + 24a c d) | a | c x + a
--R
             2 3 4 2 4 6 2 3 2 4 2 2 3 6
--R
         (- 27a c d e - 18a c d )x - 36a c d e - 24a c d
--R
--R
--R
                cdx-ae
--R
            +----+
--R
--R
            | 2 2 | 2
--R
            --R
            3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3 2 2 4
--R
--R
        ((- 2a c e - 5a c d e - 6a c d e)x - 8a e - 20a c d e - 24a c d e)
--R
         +----+
--R
        | 2 2 | 2
--R
```

```
--R
        \label{lambda} | a + c d | c x + a |
--R
          3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3 2 2 4
--R
--R
        ((6a c e + 15a c d e + 18a c d e)x + 8a e + 20a c d e + 24a c d e)
--R
--R
           +----+
        +-+ | 2 2
--R
--R
        \|a \|a e + c d
--R /
--R
             3 6 2 5 4 2 2 3 6 5 4 +-+ | 2 2
--R
--R
        ((6a c d e + 6c d e )x + 24a d e + 24a c d e )\|a \|a e + c d
--R
--R
         +----+
         1 2
--R
--R
        \c x + a
--R
--R
          2 3 6 2 5 4 2 3 3 6 2 5 4 | 2 2
--R
--R
      ((-18acde - 18acde)x - 24ade - 24acde)\|ae + cd
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 11
--S 12 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 12
--S 13 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
              232 352 232 25 | 2 2+-+
--R
--R
           ((6a c d e + 6c d )x + 24a c d e + 24a c d )\|- a e - c d \|a
--R
--R
              +----+
           +-+ | 2 2 | 2
--R
--R.
           --R
--R
                2 2 3 2 3 5 2 3 3 2 2 2 5
--R
           ((- 18a c d e - 18a c d )x - 24a c d e - 24a c d)
--R
--R
            +----+
           | 2 2 +-+ | 2 2
--R
           --R
```

```
--R
--R
             +-+ +-+ | 2 +-+ +-+ 2
--R
--R
          (-x|c + |a )|c + a + |a |c - c - a
       log(-----)
--R
--R
                     +-+ | 2
--R
--R
                    \|a \|c x + a - a
--R
--R
               2 3 2 3 5 2 2 3 2 2 5 | 2
--R
          ((- 6a c d e - 6c d )x - 24a c d e - 24a c d )\|- a e - c d
--R
--R
--R
                +----+
--R
          +-+ +-+ | 2 2 | 2
--R
          --R
--R
             --R
--R
          ((18a c d e + 18a c d)x + 24a c d e + 24a c d) = - c d
--R
--R
--R
          +-+ | 2 2
--R
          \c \c \c = + c d
--R
--R
              +-+
--R
             x\|c
--R
       atanh(-----)
--R
--R
            | 2
--R
           \c x + a
--R
--R
             3 4 2 4 6 2 2 2 4 2 3 6 | 2 2 +-+
--R
--R
          ((9a c d e + 6c d)x + 36a c d e + 24a c d) = a e - c d = a
--R
--R
           +----+
          1 2
--R
          \c x + a
--R
--R
--R
           2 3 4 2 4 6 2 3 2 4 2 2 3 6 | 2 2
--R
--R
       ((- 27a c d e - 18a c d )x - 36a c d e - 24a c d )\|- a e - c d
--R
--R
               cdx-ae
--R
       atanh(-----)
            +----+
--R
            | 2 2 | 2
--R
           \|a e + c d \|c x + a
--R
--R
```

```
3 4 2 4 6 2 2 2 4 2 3 6 +-+
--R
--R
          ((-18a c d e - 12c d)x - 72a c d e - 48a c d)\|a
--R
--R
           +----+
           | 2 2 | 2
--R
--R
          --R
--R
            2 3 4 2 4 6 2 3 2 4 2 2 3 6 | 2 2
--R
--R
         ((54a c d e + 36a c d)x + 72a c d e + 48a c d) | a e + c d
--R
            +-----+
| 2 2 | 2
--R
--R
           d\backslash |\text{-ae-cd}| \wedge |\text{cx+a+(-ex-d)}| -\text{ae-cd}| \wedge |\text{a}|
--R
--R
--R
                             2 2
--R
                           (ae + cd)x
--R
           3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3 2 2 4
--R
--R
        ((- 2a c e - 5a c d e - 6a c d e)x - 8a e - 20a c d e - 24a c d e)
--R
        +----+
--R
--R
        | 2 2 | 2 2 | 2
--R
        --R
          3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3 2 2 4
--R
--R
        ((6a c e + 15a c d e + 18a c d e)x + 8a e + 20a c d e + 24a c d e)
--R
--R
        +----+ +----+
--R.
        | 2 2 +-+ | 2 2
--R
        \|-ae -cd \|a\|ae +cd
--R /
--R
            3 6 2 5 4 2 2 3 6 5 4 | 2 2 +-+
--R
--R
        ((6a c d e + 6c d e )x + 24a d e + 24a c d e )\|- a e - c d \|a
--R
        +----+
--R
        1 2 2 1 2
--R
        --R
--R
--R
           2 3 6 2 5 4 2 3 3 6 2 5 4 | 2
--R
--R.
        ((- 18a c d e - 18a c d e )x - 24a d e - 24a c d e )\|- a e - c d
--R
        +----+
--R
        1 2 2
--R
--R
       --R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 13
```

```
--S 14 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 14
)clear all
--S 15 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^5
--R
--R
--R
--R
                      2 | 2
--R
                   (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
   (1) -----
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
--R
        e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 15
--S 16 of 1581
r0:=-1/4*(a*e-c*d*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/((c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^4)-_
   3/8*a^2*c^2*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))/_
   (c*d^2+a*e^2)^(5/2)-3/8*a*c*(a*e-c*d*x)*sqrt(a+c*x^2)/_
   ((c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x)^2)
--R
--R
--R
    (2)
           --R
--R
         (3a c e x + 12a c d e x + 18a c d e x + 12a c d e x + 3a c d)
--R
--R
                  cdx-ae
--R
         atanh(-----)
--R
             +----+
              | 2 2 | 2
--R
             \label{lambda} | a + c d | c x + a |
--R
--R
--R
             2 2 3 3 3 2 3
                                       222
          (5a c d e + 2c d)x + (-5a c e + 4a c d e)x
--R
--R.
--R
              2 2 2 3 3 3 2 2
--R
          (-4acde +5acd)x - 2ae -5acde
--R
--R
         +----+
--R
         | 2 2 | 2
         --R
--R /
```

```
28 26 2444 2 7 35 2533
--R
--R
         (8a e + 16a c d e + 8c d e)x + (32a d e + 64a c d e + 32c d e)x
--R
           2 2 6 4 4
--R
                             2622
--R
        (48a d e + 96a c d e + 48c d e )x
--R
           235 53 27 244 62 28
--R
--R
        (32a d e + 64a c d e + 32c d e)x + 8a d e + 16a c d e + 8c d
--R
--R
--R
        | 2 2
--R
       \|a e + c d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 16
--S 17 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 17
--S 18 of 1581
--m0:=a0-r0
--Е 18
--S 19 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 19
)clear all
--S 20 of 1581
t0:=(d+e*x)^4*(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R (1)
                         4 2226
       248 2 37
--R
       c e x + 4c d e x + (2a c e + 6c d e) x + (8a c d e + 4c d e) x
--R
--R
--R
               22 24 4
                                2 3
--R
       (a e + 12a c d e + c d )x + (4a d e + 8a c d e)x
--R
         2 2 2 4 2 2 3 2 4
--R
      (6ade + 2acd)x + 4adex + ad
--R
--R *
--R
      +----+
      1 2
--R
--R
      \c x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 20
--S 21 of 1581
```

```
r0:=1/384*a*(80*c^2*d^4-60*a*c*d^2*e^2+3*a^2*e^4)*x*(a+c*x^2)^(3/2)/c^2+_1
    1/480*(80*c^2*d^4-60*a*c*d^2*e^2+3*a^2*e^4)*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c^2+_
    1/5040*d*e*(1018*c*d^2-269*a*e^2)*(a+c*x^2)^(7/2)/c^2+_
    13/90*d*e*(d+e*x)^2*(a+c*x^2)^(7/2)/c+1/10*e*(d+e*x)^3*_
    (a+c*x^2)^(7/2)/c+1/720*e*(d*(90*c*d^2-53*a*e^2)+e*(116*c*d^2-6))
    27*a*e^2)*x)*(a+c*x^2)^(7/2)/c^2+1/256*a^3*(80*c^2*d^4-_
    60*a*c*d^2*e^2+3*a^2*e^4)*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)+_
    1/256*a^2*(80*c^2*d^4-60*a*c*d^2*e^2+3*a^2*e^4)*x*sqrt(a+c*x^2)/c^2
--R
--R
--R
     (2)
--R
             5 4 4 2 2 3 2 4
--R
                                                    x\|c
--R
         (945a e - 18900a c d e + 25200a c d )atanh(-----)
--R
--R
                                                   1 2
--R.
                                                  \c x + a
--R
                                              3 4 4 2 2 7
--R
                4 4 9 4 3 8
--R
            8064c e x + 35840c d e x + (21168a c e + 60480c d e)x
--R
--R
                    3 3 4 3 6
--R
             (97280a c d e + 46080c d e)x
--R
--R
                   2 2 4
                                  3 2 2 4 4 5
             (15624a c e + 171360a c d e + 13440c d)x
--R
--R
--R
                   2 2 3
             (76800a c d e + 138240a c d e)x
--R
--R
--R
                              2 2 2 2
--R
             (630a c e + 148680a c d e + 43680a c d)x
--R
                 3 3
--R
                                2 2 3 2
--R
            (5120a c d e + 138240a c d e)x
--R
                4 4
                       3 2 2 2 2 4
--R.
--R
           (-945a e + 18900a c d e + 55440a c d)x - 10240a d e + 46080a c d e
--R
--R
           +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R /
--R.
            2 +-+
--R.
       80640c \|c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 21
--S 22 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
    (3)
--R [
                   5 4 4 4 5 2 2 3 6 4 8
--R
--R
                (9450a c e - 189000a c d e + 252000a c d )x
--R
--R
                                 5 4 2 2
               (151200a c e - 3024000a c d e + 4032000a c d)x
--R
--R
                              6 3 2 2
--R
                      7 2 4
                                                 5 4 4 4
               (635040a c e - 12700800a c d e + 16934400a c d )x
--R
--R
--R
                                   7 2 2 2
                (967680a c e - 19353600a c d e + 25804800a c d)x
--R
--R
--R
                    9 4
                           8 2 2
--R
               483840a e - 9676800a c d e + 12902400a c d
--R
--R
                 +----+
--R
               +-+ | 2
--R
              |a|c x + a
--R
--R
                5 5 4 4 6 2 2 3 7 4 10
--R
            (- 945a c e + 18900a c d e - 25200a c d )x
--R
                   6 4 4 5 5 2 2
--R
--R
            (- 47250a c e + 945000a c d e - 1260000a c d )x
--R
                    7 3 4 6 4 2 2 5 5 4 6
--R
            (-378000a c e + 7560000a c d e - 10080000a c d)x
--R
--R
--R
                     8 2 4
                                  7 3 2 2
--R
            (- 1058400a c e + 21168000a c d e - 28224000a c d )x
--R
                    9 4
--R
                                 8 2 2 2
--R
            (-1209600a c e + 24192000a c d e - 32256000a c d)x
--R
                   10 4
                              9 2 2
--R
--R
            - 483840a e + 9676800a c d e - 12902400a c d
--R
--R
--R.
               +-+ +-+
                         1 2
                                               +-+
--R
              (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
--R
                              +-+ | 2
--R
                             |a|cx + a - a
--R
                  9 4 19 9 3 18
--R
                                        8 4 9 2 2 17
```

```
-8064c e x -35840c d e x +(-424368a c e -60480c d e )x
--R
--R
                   8 3 9 3 16
--R
--R
            (- 1889280a c d e - 46080c d e)x
--R
                     2 7 4
                                  8 2 2 9 4 15
--R
--R
            (- 4299624a c e - 3195360a c d e - 13440c d )x
--R
                     273
                                8 3 14
--R
--R
            (- 19276800a c d e - 2442240a c d e)x
--R
                      3 6 4
                              2722
                                                  8 4 13
--R
            (- 18280710a c e - 32908680a c d e - 715680a c d )x
--R
--R
                                    2 7 3 12
--R
                      3 6 3
--R
            (- 82897920a c d e - 25482240a c d e)x
--R
--R
                     4 5 4
                                    3 6 2 2
                                              2 7 4 11
--R
            (-40310235a c e - 143734500a c d e - 7615440a c d)x
--R
--R
                      4 5 3
                                      3 6 3 10
            (- 185794560a c d e - 113863680a c d e)x
--R
--R
                      5 4 4 4 5 2 2 3 6 4 9
--R
            (- 48927438a c e - 329754600a c d e - 35296800a c d )x
--R
--R
--R
                      543
                                     4538
--R
            (- 230522880a c d e - 270950400a c d e)x
--R
--R
                      6 3 4 5 4 2 2 4 5 4 7
--R
            (- 31164336a c e - 424388160a c d e - 88300800a c d )x
--R
--R
                      633
                                      5 4 3 6
--R
            (- 151388160a c d e - 366428160a c d e)x
--R
                                  6 3 2 2
                     7 2 4
--R
                                                   5 4 4 5
--R
            (- 7747488a c e - 299214720a c d e - 124884480a c d )x
--R
                                     6 3 3 4
--R
                      7 2 3
--R
            (- 41287680a c d e - 268369920a c d e)x
--R
                  8 4
--R
                                7 2 2 2 6 3 4 3
--R.
            (887040a c e - 100316160a c d e - 93327360a c d )x
--R
--R
                    7 2 3 2
--R
            - 82575360a c d e x
--R
                         8 2 2
--R
           (483840a e - 9676800a c d e - 28385280a c d )x
--R
--R
```

```
--R
           +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R
            9 4 19 9 3 18 8 4 9 2 2 17
--R
--R
            80640c e x + 358400c d e x + (1582560a c e + 604800c d e)x
--R
                            9 3 16
                   8 3
--R
            (7065600a c d e + 460800c d e)x
--R
--R
                           8 2 2
                                             9 4 15
--R
                   2 7 4
--R
           (10464048a c e + 11995200a c d e + 134400c d )x
--R
--R
                   2 7 3
                                  8 3 14
            (47124480a c d e + 9216000a c d e)x
--R
--R
--R
                    3 6 4
                                2722
                                           8 4 13
--R
            (33950700a c e + 80937360a c d e + 2721600a c d )x
--R
                    3 6 3 2 7 3 12
--R
--R
            (154828800a c d e + 63221760a c d e)x
--R
--R
                   4 5 4
                                3 6 2 2 2 7 4 11
--R
            (61384050a c e + 270610200a c d e + 19162080a c d )x
--R
                    4 5 3 3 6 3 10
--R
--R
            (284712960a c d e + 217082880a c d e)x
--R
--R
                    5 4 4
                                4 5 2 2
                                          3649
--R
            (63504630a c e + 510438600a c d e + 68560800a c d )x
--R
                    5 4 3 4 5 3 8
--R
--R
            (301056000a c d e + 425779200a c d e)x
--R
--R
                   6 3 4
                                5 4 2 2
--R
            (35118720a c e + 562060800a c d e + 140851200a c d )x
--R
--R
                    6 3 3
                                   5 4 3 6
--R
            (172032000a c d e + 490291200a c d e)x
--R
--R
                  7 2 4
                          6 3 2 2
            (7364448a c e + 348163200a c d e + 168000000a c d )x
--R
--R
--R
                   723
                                  6 3 3 4
--R
            (41287680a c d e + 309657600a c d e)x
--R
                   8 4 7 2 2 2 6 3 4 3
--R
           (- 1128960a c e + 105154560a c d e + 107520000a c d )x
--R
--R
--R
                   7 2 3 2
```

```
--R
           82575360a c d e x
--R
                   9 4 8 2 2 7 2 4
--R
--R
          (- 483840a e + 9676800a c d e + 28385280a c d )x
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|c
--R
--R
           68 56 244 332
--R
           806400c x + 12902400a c x + 54190080a c x + 82575360a c x
--R
--R
--R
            41287680a c
--R
--R
--R
--R
           +-+ +-+ | 2
--R
          --R
                7 10 6 8 2 5 6 3 4 4
--R
--R
           - 80640c x - 4032000a c x - 32256000a c x - 90316800a c x
--R
--R
                    4 3 2 5 2
--R
           - 103219200a c x - 41287680a c
--R
--R
          +-+
--R
          \|c
--R
--R
                   5 4 4 4 5 2 2 3 6 4 8
--R
--R
              (18900a c e - 378000a c d e + 504000a c d )x
--R
                    6 3 4 5 4 2 2 4 5 4 6
--R
--R
              (302400a c e - 6048000a c d e + 8064000a c d )x
--R
--R
                    7 2 4
                                 6 3 2 2
              (1270080a c e - 25401600a c d e + 33868800a c d )x
--R
--R
--R
                                7 2 2 2
                                               6 3 4 2
              (1935360a c e - 38707200a c d e + 51609600a c d )x
--R
--R
                   9 4 8 2 2 7 2 4
--R
              967680a e - 19353600a c d e + 25804800a c d
--R
--R.
--R
              +-+ | 2
--R
--R
             \ln \ln x + a
--R
               5 5 4 4 6 2 2 3 7 4 10
--R
           (- 1890a c e + 37800a c d e - 50400a c d )x
--R
--R
```

```
6 4 4 5 5 2 2 4 6 4 8
--R
           (- 94500a c e + 1890000a c d e - 2520000a c d )x
--R
--R
--R
                    7 3 4
                                6 4 2 2
--R
           (- 756000a c e + 15120000a c d e - 20160000a c d )x
--R
                    8 2 4 7 3 2 2 6 4 4 4
--R
--R
           (- 2116800a c e + 42336000a c d e - 56448000a c d )x
--R
                   9 4
--R
                                8 2 2 2
--R
           (- 2419200a c e + 48384000a c d e - 64512000a c d )x
--R
                  10 4 9 2 2
--R
           - 967680a e + 19353600a c d e - 25804800a c d
--R
--R
--R
--R
              +---+ | 2
                             +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
          atan(-----)
                   сх
--R
--R
                9 4 19 9 3 18 8 4 9 2 2 17
--R
--R
            - 8064c e x - 35840c d e x + (- 424368a c e - 60480c d e )x
--R
                8 3 9 3 16
--R
           (- 1889280a c d e - 46080c d e)x
--R
--R
                    2 7 4 8 2 2 9 4 15
--R
--R
           (- 4299624a c e - 3195360a c d e - 13440c d )x
--R
                     2 7 3
--R
                                   8 3 14
            (- 19276800a c d e - 2442240a c d e)x
--R
--R
                     3 6 4 2 7 2 2 8 4 13
--R
--R
           (- 18280710a c e - 32908680a c d e - 715680a c d )x
--R
--R
                                  2 7 3 12
                    3 6 3
--R
           (- 82897920a c d e - 25482240a c d e)x
--R
                                               2 7 4 11
--R
                     4 5 4
                                  3 6 2 2
--R
           (- 40310235a c e - 143734500a c d e - 7615440a c d )x
--R
--R
                     4 5 3
                               3 6 3 10
--R
            (- 185794560a c d e - 113863680a c d e)x
--R
--R
                     5 4 4
                                   4 5 2 2
                                                  3 6 4 9
--R
            (- 48927438a c e - 329754600a c d e - 35296800a c d )x
--R
                      5 4 3 4 5 3 8
--R
--R
          (- 230522880a c d e - 270950400a c d e)x
```

```
--R
                      6 3 4 5 4 2 2 4 5 4 7
--R
--R
            (- 31164336a c e - 424388160a c d e - 88300800a c d )x
--R
                       6 3 3 5 4 3 6
--R
            (- 151388160a c d e - 366428160a c d e)x
--R
--R
--R
                      7 2 4
                                   6 3 2 2
            (- 7747488a c e - 299214720a c d e - 124884480a c d )x
--R
--R
--R
                      7 2 3
                                633 4
            (- 41287680a c d e - 268369920a c d e)x
--R
--R
--R
                  8 4
                                 7 2 2 2
            (887040a c e - 100316160a c d e - 93327360a c d )x
--R
--R
--R
                     7 2 3 2
            - 82575360a c d e x
--R
--R
                  9 4 8 2 2 7 2 4
--R
--R
             (483840a e - 9676800a c d e - 28385280a c d)x
--R
--R
--R
            +---+ | 2
--R
           \label{lem:condition} \label{lem:condition} \label{lem:condition} \
--R
                9 4 19 9 3 18
                                        8 4 9 2 2 17
--R
--R
            80640c e x + 358400c d e x + (1582560a c e + 604800c d e )x
--R
                  8 3 9 3 16
--R
--R
             (7065600a c d e + 460800c d e)x
--R
                                   8 2 2
--R
                     2 7 4
--R
            (10464048a c e + 11995200a c d e + 134400c d )x
--R
--R
                    273
                                     8 3 14
--R
            (47124480a c d e + 9216000a c d e)x
--R
--R
                    3 6 4
                                  2722
--R
            (33950700a c e + 80937360a c d e + 2721600a c d )x
--R
--R
                     3 6 3
                                     2 7 3 12
--R
             (154828800a c d e + 63221760a c d e)x
--R
                     4 5 4 3 6 2 2
--R
                                                  2 7 4 11
--R
             (61384050a c e + 270610200a c d e + 19162080a c d )x
--R
--R
                                      3 6 3 10
                     4 5 3
            (284712960a c d e + 217082880a c d e)x
--R
--R
```

```
5 4 4 4 5 2 2 3 6 4 9
--R
            (63504630a c e + 510438600a c d e + 68560800a c d)x
--R
--R
--R
                    5 4 3
                                   4 5 3 8
            (301056000a c d e + 425779200a c d e)x
--R
--R
                    6 3 4 5 4 2 2 4 5 4 7
--R
            (35118720a c e + 562060800a c d e + 140851200a c d )x
--R
--R
--R
                    633
                                   5 4 3 6
            (172032000a c d e + 490291200a c d e)x
--R
--R
                   7 2 4
                               6 3 2 2
                                               5445
--R
--R
            (7364448a c e + 348163200a c d e + 168000000a c d )x
--R
--R
                   7 2 3
                                  6 3 3 4
--R
            (41287680a c d e + 309657600a c d e)x
--R
--R
                    8 4
                                  7 2 2 2
                                            6 3 4 3
            (-1128960a c e + 105154560a c d e + 107520000a c d)x
--R
--R
--R
                   7 2 3 2
           82575360a c d e x
--R
--R
                9 4 8 2 2 7 2 4
--R
           (- 483840a e + 9676800a c d e + 28385280a c d )x
--R
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
            6 8
                       5 6 2 4 4
--R
--R
            806400c x + 12902400a c x + 54190080a c x + 82575360a c x
--R
--R
                 4 2
--R
           41287680a c
--R
                  +----+
--R
           +---+ +-+ | 2
--R
--R
          --R
                              68 256
--R
            - 80640c x - 4032000a c x - 32256000a c x - 90316800a c x
--R
--R
--R
                     4 3 2
                             5 2
--R
           - 103219200a c x - 41287680a c
--R
--R
           +---+
--R
          \|- c
--R
      ]
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
```

```
--E 22
--S 23 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
                  5 4 4 4 5 2 2 3 6 4 8
--R
             (1890a c e - 37800a c d e + 50400a c d )x
--R
--R
                   6 3 4 5 4 2 2 4 5 4 6
--R
--R
              (30240a c e - 604800a c d e + 806400a c d)x
--R
--R
                   7 2 4
                           6 3 2 2
              (127008a c e - 2540160a c d e + 3386880a c d)x
--R
--R
--R
                   8 4
                               7 2 2 2
                                              6 3 4 2 9 4
--R
              (193536a c e - 3870720a c d e + 5160960a c d)x + 96768a e
--R
--R
                    8 2 2 7 2 4
--R
              - 1935360a c d e + 2580480a c d
--R
--R
--R
            +-+ | 2
--R
            --R
               5 5 4 4 6 2 2 3 7 4 10
--R
--R
           (-189a c e + 3780a c d e - 5040a c d)x
--R
                6 4 4 5 5 2 2 4 6 4 8
--R
--R
           (- 9450a c e + 189000a c d e - 252000a c d )x
--R
                 7 3 4
--R
                             6 4 2 2
--R
          (- 75600a c e + 1512000a c d e - 2016000a c d )x
--R
                  8 2 4
--R
                              7 3 2 2
                                            6444
--R
          (- 211680a c e + 4233600a c d e - 5644800a c d )x
--R
                          8 2 2 2 7 3 4 2
                 9 4
--R
--R
          (- 241920a c e + 4838400a c d e - 6451200a c d )x - 96768a e
--R
                9 2 2
--R
                              8 2 4
--R
          1935360a c d e - 2580480a c d
--R
--R
                          +----+
                         | 2
--R
             +-+ +-+
                                             +-+ +-+
--R
            ( |a |c - c | + a + (-c | -a) |c + c |a |
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
```

```
--R
                          \|a \|c x + a - a
--R
--R
                    5 4 4 4 5 2 2 3 6 4 8
--R
             (- 1890a c e + 37800a c d e - 50400a c d )x
--R
                    6 3 4 5 4 2 2 4 5 4 6
--R
--R
             (- 30240a c e + 604800a c d e - 806400a c d )x
--R
                     7 2 4 6 3 2 2 5 4 4 4
--R
--R
             (- 127008a c e + 2540160a c d e - 3386880a c d )x
--R
                            7 2 2 2 6 3 4 2
                    8 4
--R
             (- 193536a c e + 3870720a c d e - 5160960a c d )x - 96768a e
--R
--R
--R
                   8 22
                             7 2 4
--R
             1935360a c d e - 2580480a c d
--R
               +----+
--R
            +-+ | 2
--R
--R
            |a|cx + a
--R
             5 5 4 4 6 2 2 3 7 4 10
--R
          (189a c e - 3780a c d e + 5040a c d )x
--R
--R
--R
              6 4 4 5 5 2 2 4 6 4 8
--R
          (9450a c e - 189000a c d e + 252000a c d )x
--R
--R
               7 3 4 6 4 2 2 5 5 4 6
--R
          (75600a c e - 1512000a c d e + 2016000a c d )x
--R
                8 2 4
--R
                            7 3 2 2
--R
          (211680a c e - 4233600a c d e + 5644800a c d )x
--R
               9 4 8 2 2 2 7 3 4 2 10 4
--R
--R
          (241920a c e - 4838400a c d e + 6451200a c d)x + 96768a e
--R
                 9 2 2 8 2 4
--R
          - 1935360a c d e + 2580480a c d
--R
--R
--R
               x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
--R
           +----+
--R.
             1 2
--R
             \c + a
--R
--R
                5 4 3 4 5 3 8
--R
          (- 20480a c d e + 92160a c d e)x
--R
--R
                  6 3 3
                              5 4 3 6
```

```
--R
         (- 327680a c d e + 1474560a c d e)x
--R
                 7 2 3 6 3 3 4
--R
--R
         (- 1376256a c d e + 6193152a c d e)x
--R
               8 3
                             7 2 3 2 9 3 8 3
--R
--R
         (-2097152a c d e + 9437184a c d e)x - 1048576a d e + 4718592a c d e
--R
--R
         +-+ | 2
--R
--R
        \|c \|c x + a
--R
             453 363 10 543 453 8
--R
         (2048a c d e - 9216a c d e)x + (102400a c d e - 460800a c d e)x
--R
--R
--R
               6 3 3
                        5 4 3 6
--R.
         (819200a c d e - 3686400a c d e)x
--R
--R
               7 2 3 6 3 3 4
--R
         (2293760a c d e - 10321920a c d e)x
--R
          8 3 7 2 3 2 9 3 8 3
--R
--R
         (2621440a c d e - 11796480a c d e)x + 1048576a d e - 4718592a c d e
--R
--R
         +-+ +-+
--R
        \|a \|c
--R /
          68 56 244 332
--R
--R
         161280c x + 2580480a c x + 10838016a c x + 16515072a c x
--R.
--R
               4 2
--R
         8257536a c
--R
            +----+
--R
--R
        +-+ +-+ | 2
       \|a \|c \|c x + a
--R
--R
--R
             7 10 6 8 2 5 6 3 4 4
         - 16128c x - 806400a c x - 6451200a c x - 18063360a c x
--R
--R
--R
                 4 3 2 5 2
         - 20643840a c x - 8257536a c
--R
--R.
--R
        +-+
--R
        \|c
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 23
--S 24 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
```

```
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 24
--S 25 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
                    5 4 4 4 5 2 2 3 6 4 8
--R
              (- 1890a c e + 37800a c d e - 50400a c d )x
--R
--R
--R
                             5 4 2 2 4 5 4 6
                     6 3 4
--R
              (- 30240a c e + 604800a c d e - 806400a c d )x
--R
--R
                     7 2 4
                             6 3 2 2
                                            5 4 4 4
              (- 127008a c e + 2540160a c d e - 3386880a c d )x
--R
--R
--R
                                  7 2 2 2
                                                  6 3 4 2
              (- 193536a c e + 3870720a c d e - 5160960a c d )x - 96768a e
--R
--R
--R
                    8 2 2 7 2 4
              1935360a c d e - 2580480a c d
--R
--R
--R
                    +----+
--R
             +---+ +-+ | 2
--R
             --R
                  5 5 4 4 6 2 2 3 7 4 10
--R
--R
             (189a c e - 3780a c d e + 5040a c d )x
--R
                  6 4 4 5 5 2 2 4 6 4 8
--R
--R
              (9450a c e - 189000a c d e + 252000a c d )x
--R
                           6 4 2 2
                                          5 5 4 6
--R
                   7 3 4
--R
              (75600a c e - 1512000a c d e + 2016000a c d)x
--R
--R
                    8 2 4
                                7 3 2 2
                                               6 4 4 4
--R
              (211680a c e - 4233600a c d e + 5644800a c d )x
--R
--R.
                    9 4 8 2 2 2 7 3 4 2 10 4
--R
              (241920a c e - 4838400a c d e + 6451200a c d)x + 96768a e
--R
--R
                      9 2 2
                                    8 2 4
--R
              - 1935360a c d e + 2580480a c d
--R
             +---+
--R
             \|- c
--R
```

```
--R
--R
--R
               x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
--R
--R
              \c x + a
--R
                5 4 4 4 5 2 2 3 6 4 8
--R
              (3780a c e - 75600a c d e + 100800a c d )x
--R
--R
                  6 3 4
                          5 4 2 2
                                         4546
--R
              (60480a c e - 1209600a c d e + 1612800a c d )x
--R
--R
                           6 3 2 2
                   7 2 4
--R
                                             5 4 4 4
--R
              (254016a c e - 5080320a c d e + 6773760a c d)x
--R
--R
                   8 4
                           7 2 2 2 6 3 4 2
              (387072a c e - 7741440a c d e + 10321920a c d)x + 193536a e
--R
--R
--R
                    8 22
                                7 2 4
              -3870720a c d e +5160960a c d
--R
--R
--R
             +-+ +-+ | 2
--R
            --R
--R
--R
                  5 5 4 4 6 2 2 3 7 4 10
--R
             (- 378a c e + 7560a c d e - 10080a c d )x
--R
                    6 4 4 5 5 2 2 4 6 4 8
--R
--R
             (- 18900a c e + 378000a c d e - 504000a c d )x
--R
                     7 3 4 6 4 2 2 5 5 4 6
--R
--R
              (-151200a c e + 3024000a c d e - 4032000a c d)x
--R
--R
                     8 2 4
                             7 3 2 2
                                               6 4 4 4
--R
              (-423360a c e + 8467200a c d e - 11289600a c d)x
--R
--R
                                8 2 2 2
--R
              (-483840a c e + 9676800a c d e - 12902400a c d)x
--R
--R.
                    10 4 9 2 2 8 2 4
--R
             - 193536a e + 3870720a c d e - 5160960a c d
--R
--R
             +-+
--R
            \lc
--R
--R
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
```

```
--R
            \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
        atan(-----)
--R
                  сх
--R
                5 4 3 4 5 3 8
--R
--R
         (- 20480a c d e + 92160a c d e)x
--R
                6 3 3
--R
         (- 327680a c d e + 1474560a c d e)x
--R
--R
--R
                 7 2 3 6 3 3 4
--R
         (- 1376256a c d e + 6193152a c d e)x
--R
                8 3 723 2
--R
--R
        (-2097152a\ c\ d\ e\ +9437184a\ c\ d\ e)x\ -1048576a\ d\ e\ +4718592a\ c\ d\ e
--R
--R
--R
         +---+ +-+ | 2
--R
        \|- c \|c \|c x + a
--R
             453 363 10 543 453 8
--R
         (2048a c d e - 9216a c d e)x + (102400a c d e - 460800a c d e)x
--R
--R
--R
               6 3 3 5 4 3 6
         (819200a c d e - 3686400a c d e)x
--R
--R
                7 2 3 6 3 3 4
--R
--R
         (2293760a c d e - 10321920a c d e)x
--R
              8 3 7 2 3 2 9 3 8 3
--R.
--R
        (2621440a c d e - 11796480a c d e)x + 1048576a d e - 4718592a c d e
--R
--R
         +---+ +-+ +-+
--R
        \|- c \|a \|c
--R /
          68 56 244 332
--R
--R
         161280c x + 2580480a c x + 10838016a c x + 16515072a c x
--R
--R
               4 2
--R
         8257536a c
--R
--R
--R.
         +---+ +-+ +-+ | 2
--R.
        \|- c \|a \|c \|c x + a
--R
               7 10 6 8
                                 2 5 6 3 4 4
--R
--R
         - 16128c x - 806400a c x - 6451200a c x - 18063360a c x
--R
                 4 3 2 5 2
--R
--R
          - 20643840a c x - 8257536a c
```

```
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|c
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 25
--S 26 of 1581
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 26
)clear all
--S 27 of 1581
t0:=(d+e*x)^3*(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
         2 3 7 2 2 6 3 2 2 5
--R
         c e x + 3c d e x + (2a c e + 3c d e)x + (6a c d e + c d)x
--R
--R
          23 23 22 32
                                                  2 2
--R
         (a e + 6a c d e)x + (3a d e + 2a c d)x + 3a d e x + a d
--R *
--R
       +----+
--R
       | 2
--R
       \c x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 27
--S 28 of 1581
r0:=5/192*a*d*(8*c*d^2-3*a*e^2)*x*(a+c*x^2)^(3/2)/c+1/48*d*(8*c*d^2-_
    3*a*e^2*x*(a+c*x^2)^(5/2)/c+1/504*e*(97*c*d^2-2*a*e^2)*_
    (a+c*x^2)^(7/2)/c^2+1/9*e*(d+e*x)^2*(a+c*x^2)^(7/2)/c+1/72*e*_1
    (9*c*d^2-2*a*e^2+11*c*d*e*x)*(a+c*x^2)^(7/2)/c^2+5/128*a^3*d*_
    (8*c*d^2-3*a*e^2)*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)+_
    5/128*a^2*d*(8*c*d^2-3*a*e^2)*x*sqrt(a+c*x^2)/c
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                            +-+
--R
               4 2
                            3 2 3
                                          x\|c
         (- 945a c d e + 2520a c d )atanh(-----)
--R
                                         +----+
--R
--R
                                        | 2
--R
                                        \c x + a
--R
```

```
4 3 8 4 2 7 3 3 4 2 6
--R
--R
          896c e x + 3024c d e x + (2432a c e + 3456c d e)x
--R
                3 2 4 3 5
--R
                                     2 2 3
          (8568a c d e + 1344c d )x + (1920a c e + 10368a c d e)x
--R
--R
               2 2 2 3 3 3 3 2 2 2 2
--R
--R
          (7434a c d e + 4368a c d )x + (128a c e + 10368a c d e)x
--R
                                   4 3
--R
             3 2
                        2 2 3
--R
          (945a c d e + 5544a c d )x - 256a e + 3456a c d e
--R
--R
         +-+ | 2
--R
--R
        \c \c \c x + a
--R /
--R
         2 +-+
--R
      8064c \|c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 28
--S 29 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
   [
--R
                  4 4 2 3 5 3 8
--R
--R
               (- 945a c d e + 2520a c d )x
--R
                     5 3 2 4 4 3 6
--R
--R
               (- 37800a c d e + 100800a c d )x
--R
                      6 2 2 5 3 3 4
--R
--R
               (- 226800a c d e + 604800a c d )x
--R
--R
                      7 2
                                6232
--R
               (- 423360a c d e + 1128960a c d )x - 241920a d e
--R
--R
                   7 3
--R
               645120a c d
--R
--R
                +----+
--R
              +-+ | 2
--R
              --R
               5 4 2 4 5 3 8 6 3 2 5 4 3 6
--R
--R
            (8505a c d e - 22680a c d)x + (113400a c d e - 302400a c d)x
--R
--R
                  7 2 2
                               6 3 3 4
```

```
--R
           (408240a c d e - 1088640a c d )x
--R
                 8 2 7 2 3 2 9 2 8 3
--R
--R
           (544320a c d e - 1451520a c d )x + 241920a d e - 645120a c d
--R
                          +----+
--R
                         1 2
--R
              +-+ +-+
             (|a|c - cx)|cx + a + (-cx - a)|c + cx|a
--R
--R
          log(-----)
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
                            \|a \|c x + a - a
--R
                              7 2 15
--R
                  7 3 16
           - 8064a c e x - 27216a c d e x
--R
--R
--R
                   2 6 3
                           7 2 14
--R
           (- 129408a c e - 31104a c d e)x
--R
                  2 6 2 7 3 13
--R
--R
           (- 439992a c d e - 12096a c d )x
--R
--R
                   3 5 3 2 6 2 12
--R
           (- 696192a c e - 508032a c d e)x
--R
                    3 5 2 2 6 3 11
--R
--R
           (- 2401434a c d e - 200592a c d )x
--R
                    4 4 3 3 5 2 10
--R
--R
            (- 1798272a c e - 2830464a c d e)x
--R
                    4 4 2 3 5 3 9
--R
--R
           (- 6343785a c d e - 1154664a c d )x
--R
--R
                   5 3 3
                               4 4 2 8
           (- 2472960a c e - 7741440a c d e)x
--R
--R
--R
                   5 3 2
                             4 4 3 7
           (- 9034200a c d e - 3326400a c d )x
--R
--R
--R
                   6 2 3
                               5 3 2 6
--R
           (- 1763328a c e - 11612160a c d e)x
--R.
--R
                   6 2 2 5 3 3 5
            (-6883632a c d e - 5255040a c d)x
--R
--R
                  7 3 6 2 2 4
--R
           (- 516096a c e - 9289728a c d e)x
--R
--R
--R
                    7 2
                               6233
                                           7 2 2
```

```
--R
           (- 2447424a c d e - 4311552a c d )x - 3096576a c d e x
--R
                   8 2 7 3
--R
--R
           (- 241920a d e - 1419264a c d )x
--R
--R
             +----+
           +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R
              8 3 18 8 2 17 7 3 8 2 16
--R
           896c e x + 3024c d e x + (39168a c e + 3456c d e)x
--R
--R
                  7 2 8 3 15 2 6 3
--R
            (132552a c d e + 1344c d )x + (352512a c e + 152064a c d e)x
--R
--R
--R
                  262
                            7 3 13
--R
            (1205442a c d e + 59472a c d )x
--R
--R
                  3 5 3
                              2 6 2 12
--R
            (1376256a c e + 1403136a c d e)x
--R
                 3 5 2 2 6 3 11
--R
--R
            (4785291a c d e + 560952a c d)x
--R
                 4 4 3 3 5 2 10
--R
            (2846592a c e + 5709312a c d e)x
--R
--R
--R
                   4 4 2 3 5 3 9
--R
            (10143945a c d e + 2375016a c d)x
--R
                  5 3 3
--R
                               4 4 2 8
            (3290112a c e + 12579840a c d e)x
--R
--R
                   5 3 2 4 4 3 7
--R
--R
            (12185208a c d e + 5503680a c d )x
--R
                  6 2 3 5 3 2 6
--R
--R
            (2021376a c e + 15869952a c d e)x
--R
--R
                  6 2 2
                               5 3 3 5
            (8077104a c d e + 7233408a c d)x
--R
--R
--R
                 7 3 6 2 2 4
            (516096a c e + 10838016a c d e)x
--R
--R
--R
                  7 2
                               6233
                                           7 2 2
--R
            (2568384a c d e + 5021184a c d )x + 3096576a c d e x
--R
--R
                  8 2 7 3
--R
            (241920a d e + 1419264a c d )x
```

```
--R
--R
          +-+ +-+
--R
          \|a \|c
--R
             5 8 4 6 2 3 4 3 2 2
--R
--R
            8064c x + 322560a c x + 1935360a c x + 3612672a c x
--R
--R
           2064384a c
--R
--R
--R
               +----+
          +-+ +-+ | 2
--R
          \ln \ln x + a
--R
--R
--R
               5 8 2 4 6 3 3 4 4 2 2
--R
           - 72576a c x - 967680a c x - 3483648a c x - 4644864a c x
--R.
--R
--R
          - 2064384a c
--R
--R
          +-+
--R
         \|c
--R
--R
--R
                 4 4 2 3 5 3 8
--R
              (- 1890a c d e + 5040a c d )x
--R
                   5 3 2 4 4 3 6
--R
--R
             (- 75600a c d e + 201600a c d )x
--R
                    6 2 2 5 3 3 4
--R
--R
             (- 453600a c d e + 1209600a c d )x
--R
                    7 2 6232 82
--R
--R
             (- 846720a c d e + 2257920a c d )x - 483840a d e
--R
--R
                  7 3
--R
             1290240a c d
--R
--R
               +----+
             +-+ | 2
--R
--R
            --R
--R
               5 4 2 4 5 3 8 6 3 2 5 4 3 6
           (17010a c d e - 45360a c d)x + (226800a c d e - 604800a c d)x
--R
--R
               7 2 2 6 3 3 4
--R
--R
           (816480a c d e - 2177280a c d )x
--R
                 8 2 7 2 3 2 9 2 8 3
--R
```

```
--R
            (1088640a c d e - 2903040a c d )x + 483840a d e - 1290240a c d
--R
--R
                    +----+
               +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
              \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
           atan(-----)
--R
                         сх
--R
                   7 3 16 7 2 15
--R
            - 8064a c e x - 27216a c d e x
--R
--R
                            7 2 14
--R
                   2 6 3
            (- 129408a c e - 31104a c d e)x
--R
--R
--R
                    262
                             7 3 13
--R
            (- 439992a c d e - 12096a c d )x
--R
--R
                   3 5 3 2 6 2 12
--R
            (- 696192a c e - 508032a c d e)x
--R
--R
                    3 5 2 2 6 3 11
            (- 2401434a c d e - 200592a c d )x
--R
--R
--R
                     4 4 3 3 5 2 10
            (- 1798272a c e - 2830464a c d e)x
--R
--R
--R
                    4 4 2
--R
            (- 6343785a c d e - 1154664a c d )x
--R
                    5 3 3 4 4 2 8
--R
--R
            (- 2472960a c e - 7741440a c d e)x
--R
--R
                    5 3 2
--R
           (- 9034200a c d e - 3326400a c d )x
--R
--R
                    6 2 3
                                 5 3 2 6
--R
           (- 1763328a c e - 11612160a c d e)x
--R
                    6 2 2
                              5 3 3 5
--R
--R
            (- 6883632a c d e - 5255040a c d )x
--R
                   7 3 6 2 2 4
--R
--R
            (- 516096a c e - 9289728a c d e)x
--R
--R
                    7 2 6233
                                              7 2 2
--R
            (- 2447424a c d e - 4311552a c d )x - 3096576a c d e x
--R
--R
                    8 2
           (- 241920a d e - 1419264a c d )x
--R
--R
```

```
--R
--R
          +---+ | 2
--R
          --R
            8 3 18 8 2 17 7 3 8 2 16
--R
--R
           896c e x + 3024c d e x + (39168a c e + 3456c d e)x
--R
                  7 2 8 3 15 2 6 3
--R
           (132552a c d e + 1344c d )x + (352512a c e + 152064a c d e)x
--R
--R
--R
                 2 6 2 7 3 13
--R
           (1205442a c d e + 59472a c d )x
--R
--R
                  3 5 3
                             2 6 2 12
--R
           (1376256a c e + 1403136a c d e)x
--R
--R
                  3 5 2 2 6 3 11
--R
           (4785291a c d e + 560952a c d)x
--R
                 4 4 3 3 5 2 10
--R
--R
           (2846592a c e + 5709312a c d e)x
--R
                  4 4 2 3 5 3 9
--R
--R
           (10143945a c d e + 2375016a c d)x
--R
                 5 3 3 4 4 2 8
--R
--R
           (3290112a c e + 12579840a c d e)x
--R
                   5 3 2 4 4 3 7
--R
--R
           (12185208a c d e + 5503680a c d )x
--R
                  6 2 3 5 3 2 6
--R
--R
           (2021376a c e + 15869952a c d e)x
--R
                 6 2 2
--R
                              5 3 3 5
           (8077104a c d e + 7233408a c d )x
--R
--R
                7 3
--R
                             6 2 2 4
           (516096a c e + 10838016a c d e)x
--R
--R
                 7
--R
                      2
                           6 2 3 3
           (2568384a c d e + 5021184a c d )x + 3096576a c d e x
--R
--R.
--R
                8 2
                            7 3
           (241920a d e + 1419264a c d )x
--R
--R
--R
          +---+ +-+
--R
         \|- c \|a
--R /
--R
               5 8 4 6 2 3 4 3 2 2
```

```
--R
             8064c x + 322560a c x + 1935360a c x + 3612672a c x
--R
--R
                    4
--R
              2064384a c
--R
                   +----+
--R
           +---+ +-+ | 2
--R
--R
           --R
                             2 4 6 3 3 4 4 2 2
--R
                   5 8
--R
            - 72576a c x - 967680a c x - 3483648a c x - 4644864a c x
--R
--R
--R
            - 2064384a c
--R
--R
           +---+
--R
          \|- c
--R
      ]
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 29
--S 30 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
                 452 3638
--R
--R
             (- 945a c d e + 2520a c d )x
--R
                     5 4 2 4 5 3 6
--R
--R
             (- 37800a c d e + 100800a c d )x
--R
--R
                     6 3 2
--R
             (- 226800a c d e + 604800a c d )x
--R
                     7 2 2 6 3 3 2
--R
--R
             (- 423360a c d e + 1128960a c d )x - 241920a c d e
--R
--R
                  7 2 3
--R
             645120a c d
--R
--R
                +----+
             +-+ | 2
--R.
--R
            --R
               5 5 2 4 6 3 8
--R
                                          6 4 2 5 5 3 6
--R
           (8505a c d e - 22680a c d)x + (113400a c d e - 302400a c d)x
--R
                7 3 2 6 4 3 4
--R
           (408240a c d e - 1088640a c d)x
--R
```

```
--R
           8 2 2 7 3 3 2 9 2 8 2 3
--R
--R
         (544320a c d e - 1451520a c d)x + 241920a c d e - 645120a c d
--R
           +----+
+-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
--R
           ( |a |c - c | + a + (-c | -a) |c + c |a |
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
--R
                        --R
               45 2 3638 542 4536
--R
            (945a c d e - 2520a c d)x + (37800a c d e - 100800a c d)x
--R
--R
--R
                6 3 2 5 4 3 4
--R
            (226800a c d e - 604800a c d )x
--R
               7 2 2 6 3 3 2 8 2 7 2 3
--R
--R
           (423360a c d e - 1128960a c d)x + 241920a c d e - 645120a c d
--R
             +----+
--R
--R
           +-+ | 2
--R
           --R
--R
           5 5 2 4 6 3 8
--R
          (-8505a c d e + 22680a c d)x
--R
               6 4 2 5 5 3 6
--R
--R
         (-113400a c d e + 302400a c d)x
--R
                7 3 2 6 4 3 4
--R
--R
         (- 408240a c d e + 1088640a c d )x
--R
               8 2 2
                                      9 2 823
--R
                            7 3 3 2
          (-544320a c d e + 1451520a c d)x - 241920a c d e + 645120a c d
--R
--R
--R
--R
              x\|c
--R
        atanh(-----)
--R
           +----+
--R
            1 2
--R.
            \c x + a
--R
             5 4 3 4 5 2 8 6 3 3 5 4 2 6
--R
          (- 256a c e + 3456a c d e)x + (- 10240a c e + 138240a c d e)x
--R
--R
--R
              7 2 3 6 3 2 4
         (- 61440a c e + 829440a c d e)x
--R
--R
```

```
8 3 7 2 2 2 9 3 8 2
--R
--R
         (- 114688a c e + 1548288a c d e)x - 65536a e + 884736a c d e
--R
--R
         +-+ | 2
--R
--R
        \c \c \c x + a
--R
                      4528 633 542 6
--R
          (2304a c e - 31104a c d e)x + (30720a c e - 414720a c d e)x
--R
--R
--R
               7 2 3 6 3 2 4 8 3 7 2 2 2
          (110592a c e - 1492992a c d e)x + (147456a c e - 1990656a c d e)x
--R
--R
              9 3 8 2
--R
--R
         65536a e  - 884736a c d e
--R
--R
         +-+ +-+
--R
         \la \lc
--R /
            68 56 244 332 42
--R
--R
         (8064c x + 322560a c x + 1935360a c x + 3612672a c x + 2064384a c)
--R
--R
         +-+ +-+ | 2
--R
--R
         \ln \ln x + a
--R
                      2 5 6 3 4 4
--R
--R
         - 72576a c x - 967680a c x - 3483648a c x - 4644864a c x
--R
--R
                  5 2
--R
         - 2064384a c
--R
--R
         +-+
--R
        \|c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 30
--S 31 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R.
                                          Type: Expression(Integer)
--E 31
--S 32 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
```

```
452 3638 542 4536
--R
--R
             (945a \ c \ d \ e \ - \ 2520a \ c \ d \ )x \ + (37800a \ c \ d \ e \ - \ 100800a \ c \ d \ )x
--R
                  6 3 2 5 4 3 4
--R
--R
             (226800a c d e - 604800a c d)x
--R
                  7 2 2 6 3 3 2 8 2 7 2 3
--R
--R
            (423360a c d e - 1128960a c d)x + 241920a c d e - 645120a c d
--R
--R
--R
            +---+ +-+ | 2
            --R
--R
                  5 5 2
--R
                              4638
--R
             (- 8505a c d e + 22680a c d )x
--R
                    6 4 2 5 5 3 6
--R
--R
             (- 113400a c d e + 302400a c d )x
--R
                    7 3 2 6 4 3 4
--R
--R
             (- 408240a c d e + 1088640a c d )x
--R
--R
                    8 2 2 7 3 3 2 9 2
--R
             (- 544320a c d e + 1451520a c d )x - 241920a c d e
--R
              8 2 3
--R
--R
             645120a c d
--R
--R
            +---+
--R
            \|- c
--R
               +-+
--R
--R
               x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
             | 2
--R
--R
             \c x + a
--R
--R
                  4 5 2 3 6 3 8
--R
             (- 1890a c d e + 5040a c d )x
--R
--R
                   5 4 2 4 5 3 6
--R
             (- 75600a c d e + 201600a c d )x
--R
                    6 3 2 5 4 3 4
--R
--R
             (- 453600a c d e + 1209600a c d )x
--R
                     7 2 2
--R
                                  6 3 3 2 8 2
             (- 846720a c d e + 2257920a c d )x - 483840a c d e
--R
--R
```

```
--R
              7 2 3
--R
            1290240a c d
--R
--R
                 +----+
           +-+ +-+ | 2
--R
--R
           --R
--R
                5 5 2
                           4638
            (17010a c d e - 45360a c d )x
--R
--R
--R
                 6 4 2 5 5 3 6
            (226800a c d e - 604800a c d )x
--R
--R
                 732
--R
                           6 4 3 4
--R
             (816480a c d e - 2177280a c d)x
--R
                           7 3 3 2
--R
                  8 2 2
--R
            (1088640a c d e - 2903040a c d )x + 483840a c d e
--R
--R
                   8 2 3
--R
            - 1290240a c d
--R
--R
           +-+
--R
           \|c
--R
--R
            +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
            --R
        atan(-----)
--R
                   сх
--R
              5 4 3 4 5 2 8 6 3 3 5 4 2 6
--R
--R
         (- 256a c e + 3456a c d e)x + (- 10240a c e + 138240a c d e)x
--R
               7 2 3 6 3 2 4
--R
         (- 61440a c e + 829440a c d e)x
--R
--R
               8 3 7 2 2 2 9 3 8 2
--R
         (- 114688a c e + 1548288a c d e)x - 65536a e + 884736a c d e
--R
--R
--R
--R
        +---+ +-+ | 2
--R.
        --R
             5 4 3 4 5 2 8 6 3 3 5 4 2 6
--R
--R
          (2304a c e - 31104a c d e)x + (30720a c e - 414720a c d e)x
--R
--R
                      6 3 2 4 8 3 7 2 2 2
         (110592a c e - 1492992a c d e)x + (147456a c e - 1990656a c d e)x
--R
--R
```

```
9 3 8 2
--R
--R
          65536a e - 884736a c d e
--R
--R
         +---+ +-+ +-+
--R
        \|- c \|a \|c
--R /
            68 56 244 332 42
--R
--R
         (8064c x + 322560a c x + 1935360a c x + 3612672a c x + 2064384a c)
--R
--R
--R
         +---+ +-+ +-+ | 2
--R
        --R
--R
                 6 8
                       2 5 6 3 4 4 4 3 2
--R
          - 72576a c x - 967680a c x - 3483648a c x - 4644864a c x
--R
--R
--R
          - 2064384a c
--R
--R
         +---+ +-+
--R
         \|- c \|c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 32
--S 33 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 33
)clear all
--S 34 of 1581
t0:=(d+e*x)^2*(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
    (1)
      2 2 6 2 5
--R
                        2 224
       cex + 2cdex + (2ace + cd)x + 4acdex
--R
--R
--R.
        2 2 2 2
                       2
--R
      (ae + 2acd)x + 2adex + ad
--R *
--R
      +----+
--R
     | 2
--R
      \c x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 34
```

```
--S 35 of 1581
(a+c*x^2)^(5/2)/c+9/56*d*e*(a+c*x^2)^(7/2)/c+1/8*e*(d+e*x)*_
   (a+c*x^2)^(7/2)/c+5/128*a^3*(8*c*d^2-a*e^2)*atanh(x*sqrt(c)/_
   --R
--R
--R
    (2)
--R
--R
           4 2 3 2
                               x\|c
       (- 105a e + 840a c d )atanh(-----)
--R
                             +----+
--R
                             1 2
--R
--R
                             \c x + a
--R
--R
             3 2 7 3 6 2 2 3 2 5
--R
          336c e x + 768c d e x + (952a c e + 448c d)x + 2304a c d e x
--R
--R
                       2 2 3 2 2
                                             3 2
--R
          (826a c e + 1456a c d)x + 2304a c d e x + (105a e + 1848a c d)x
--R
--R
             3
--R
          768a d e
--R
           +----+
--R
         +-+ | 2
--R
--R
        \c \c \c x + a
--R /
--R
          +-+
--R
      2688c\|c
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 35
--S 36 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Ε
--R
                            3 4 2 6
                                          5 2 2
              (-840a c e + 6720a c d)x + (-8400a c e + 67200a c d)x
--R
--R.
                               5 2 2 2
--R
                     6 2
                                         7 2
--R
               (-20160a c e + 161280a c d)x - 13440a e + 107520a c d
--R
--R
                 +----+
--R
              +-+ | 2
             --R
--R
```

```
4 4 2 3 5 2 8 5 3 2 4 4 2 6
--R
           (105a c e - 840a c d )x + (3360a c e - 26880a c d )x
--R
--R
                6 2 2 5 3 2 4 7 2 6 2 2 2
--R
           (16800a c e - 134400a c d )x + (26880a c e - 215040a c d )x
--R
--R
               8 2
--R
--R
          13440a e - 107520a c d
--R
--R
                        | 2 2 +-+ +-+
--R
              +-+ +-+
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
          log(-----)
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
                           |a|cx + a - a
--R
--R
               7 2 15 7 14
                                   6 2 7 2 13
           - 336c e x - 768c d e x + (- 11704a c e - 448c d )x
--R
--R
--R
                             2 5 2
           - 26880a c d e x + (- 85050a c e - 15792a c d )x
--R
--R
--R
                 2 5 10 3 4 2 2 5 2 9
           - 198912a c d e x + (- 264873a c e - 120120a c d )x
--R
--R
--R
                                 4 3 2
--R
           -639744a c d e x + (-422240a c e -406784a c d )x
--R
                  4 3 6 5 2 2 4 3 2 5
--R
--R
           - 1075200a c d e x + (- 350112a c e - 725760a c d )x
--R
--R
--R
           - 946176a c d e x + (- 132608a c e - 659456a c d )x
--R
                                7 2 6 2
                6 2
--R
--R
          - 344064a c d e x + (- 13440a e - 236544a c d )x
--R
--R
          +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c + a
--R
                      7 14 6 2 7 2 13
--R
              7 2 15
--R
           2688c e x + 6144c d e x + (37184a c e + 3584c d)x
--R
--R
                6 12
                              2 5 2
                                          6 2 11
--R
           86016a c d e x + (181776a c e + 51072a c d)x
--R
               25 10 342 2529
--R
--R
           430080a c d e x + (439992a c e + 264768a c d)x
```

```
--R
             3 4 8 4 3 2 3 4 2 7
--R
--R
           1080576a c d e x + (581560a c e + 702016a c d )x
--R
                 4 3 6 5 2 2 4 3 2 5
--R
           1505280a c d e x + (414736a c e + 1025920a c d)x
--R
--R
--R
                               6 2
           1118208a c d e x + (139328a c e + 777728a c d )x
--R
--R
--R
               6 2 72 62
           344064a c d e x + (13440a e + 236544a c d )x
--R
--R
--R
           +-+ +-+
--R
          \|a \|c
--R
                     3 4 2 2 2 3 +-+ +-+
--R
             4 6
--R
          (21504c x + 215040a c x + 516096a c x + 344064a c)\|a\|c
--R
--R
           +----+
--R
          | 2
--R
          \c x + a
--R
--R
          5 8 4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
       (- 2688c x - 86016a c x - 430080a c x - 688128a c x - 344064a c)\|c
--R
--R
--R
                    4 3 2 3 4 2 6
--R
              (- 1680a c e + 13440a c d )x
--R
                    5 2 2 4 3 2 4
--R
--R
              (- 16800a c e + 134400a c d )x
--R
                    6 2 5 2 2 7 2 6 2
--R
--R
             (- 40320a c e + 322560a c d )x - 26880a e + 215040a c d
--R
--R
               +----+
             +-+ | 2
--R
--R
             |a|c x + a
--R
              4 4 2 3 5 2 8 5 3 2 4 4 2 6
--R
           (210a c e - 1680a c d)x + (6720a c e - 53760a c d)x
--R
--R
                6 2 2 5 3 2 4
                                     7 2 6 2 2 2
--R
--R
           (33600a c e - 268800a c d)x + (53760a c e - 430080a c d)x
--R
               8 2 7 2
--R
--R
           26880a e - 215040a c d
--R
--R
                   +----+
```

```
+---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
          atan(-----)
                   сх
--R
--R
                                   6 2 7 2 13
               7 2 15 7 14
--R
           - 336c e x - 768c d e x + (- 11704a c e - 448c d )x
--R
--R
                 6 12 2 5 2 6 2 11
--R
--R
           - 26880a c d e x + (- 85050a c e - 15792a c d )x
--R
                  2 5 10
                                  3 4 2
                                            2529
--R
           - 198912a c d e x + (- 264873a c e - 120120a c d )x
--R
--R
                                 4 3 2 3 4 2 7
--R
                 3 4 8
--R
           - 639744a c d e x + (- 422240a c e - 406784a c d )x
--R
                                  5 2 2 4 3 2 5
--R
                  4 3 6
           - 1075200a c d e x + (- 350112a c e - 725760a c d )x
--R
--R
--R
                                 6 2
           - 946176a c d e x + (- 132608a c e - 659456a c d )x
--R
--R
--R
                6 2 72 62
           - 344064a c d e x + (- 13440a e - 236544a c d )x
--R
--R
--R
--R
          +---+ | 2
--R
          --R
               7 2 15 7 14 6 2 7 2 13
--R
--R
           2688c e x + 6144c d e x + (37184a c e + 3584c d )x
--R
                6 12 2 5 2 6 2 11
--R
--R
           86016a c d e x + (181776a c e + 51072a c d )x
--R
                           3 4 2 2 5 2 9
--R
               2 5 10
--R
           430080a c d e x + (439992a c e + 264768a c d)x
--R
                 3 4 8
--R
                               4 3 2
--R
           1080576a c d e x + (581560a c e + 702016a c d )x
--R
                4 3 6 5 2 2 4 3 2 5
--R
--R
           1505280a c d e x + (414736a c e + 1025920a c d)x
--R
--R
                 5 2 4
                               6 2
                                          5 2 2 3
--R
           1118208a c d e x + (139328a c e + 777728a c d )x
--R
                6 2 72 62
--R
          344064a c d e x + (13440a e + 236544a c d )x
--R
```

```
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
              4 6 3 4 2 2 2 3 +---+ +-+
--R
--R
          (21504c x + 215040a c x + 516096a c x + 344064a c) - c a
--R
--R
           1 2
--R
--R
          \c x + a
--R
             5 8
                    4 6 2 3 4 3 2 2
--R
          (-2688c x - 86016a c x - 430080a c x - 688128a c x - 344064a c)
--R
--R
--R
           +---+
--R
          \|- c
--R
     ]
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 36
--S 37 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
                 4 3 2 3 4 2 6 5 2 2 4 3 2 4
--R
--R
             (- 280a c e + 2240a c d )x + (- 2800a c e + 22400a c d )x
--R
--R
                  6 2 5 2 2 7 2 6 2
--R
            (- 6720a c e + 53760a c d )x - 4480a e + 35840a c d
--R
               +----+
--R
            +-+ | 2
--R
--R
           |a|cx + a
--R
            4 4 2 3 5 2 8 5 3 2 4 4 2 6
--R
--R
          (35a c e - 280a c d)x + (1120a c e - 8960a c d)x
--R
              6 2 2 5 3 2 4 7 2 6 2 2 2
--R
--R
          (5600a c e - 44800a c d)x + (8960a c e - 71680a c d)x
--R
             8 2
                    7 2
--R
          4480a e - 35840a c d
--R
--R
--R
                         +----+
                        | 2
--R
             +-+ +-+
                                           +-+ +-+
--R
           (|a|c - cx)|cx + a + (-cx - a)|c + cx|a
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
```

```
--R
                        |a|c x + a - a
--R
--R
               4 3 2 3 4 2 6 5 2 2 4 3 2 4
--R
            (280a c e - 2240a c d)x + (2800a c e - 22400a c d)x
--R
                6 2 5 2 2 7 2
--R
--R
            (6720a c e - 53760a c d )x + 4480a e - 35840a c d
--R
--R
             +----+
           +-+ | 2
--R
--R
           --R
             4 4 2 3 5 2 8 5 3 2 4 4 2 6
--R
--R
         (-35a c e + 280a c d)x + (-1120a c e + 8960a c d)x
--R
--R
              6 2 2 5 3 2 4
                                   7 2
--R
         (-5600a c e + 44800a c d)x + (-8960a c e + 71680a c d)x
--R
             8 2 7 2
--R
--R
         - 4480a e + 35840a c d
--R
--R
              +-+
--R
              x \mid c
--R
        atanh(-----)
--R
             1 2
--R
--R
            \c + a
--R
--R
            4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+
--R
        --R
--R
        +----+
--R
        1 2
--R
        \c x + a
--R
                  8 43 6 52 4 6 2
--R
--R
         - 256a c d e x - 8192a c d e x - 40960a c d e x - 65536a c d e x
--R
             7
--R
--R
         - 32768a d e
--R
        +-+ +-+
--R
--R
        \|a \|c
--R /
--R
               3 4 2 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
          4 6
--R
       (7168c x + 71680a c x + 172032a c x + 114688a c) | a | c | c x + a
--R
          5 8 4 6 2 3 4 3 2 2 4 +-+
--R
--R
       (- 896c x - 28672a c x - 143360a c x - 229376a c x - 114688a c)\|c
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 37
--S 38 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 38
--S 39 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
                4 3 2 3 4 2 6 5 2 2 4 3 2 4
--R
             (280a c e - 2240a c d)x + (2800a c e - 22400a c d)x
--R
                 6 2 5 2 2 7 2 6 2
--R
--R
             (6720a c e - 53760a c d)x + 4480a e - 35840a c d
--R
--R
--R
            +---+ +-+ | 2
--R
            --R
                4 4 2 3 5 2 8 5 3 2 4 4 2 6
--R
--R
             (- 35a c e + 280a c d )x + (- 1120a c e + 8960a c d )x
--R
                   6 2 2 5 3 2 4 7 2 6 2 2 2
--R
--R
             (- 5600a c e + 44800a c d )x + (- 8960a c e + 71680a c d )x
--R
                 8 2 7 2
--R
--R
             - 4480a e + 35840a c d
--R
            +---+
--R
            \|- c
--R
--R
--R
                +-+
--R
               x\|c
         atanh(-----)
--R
              +----+
--R
--R
              1 2
--R
             \c x + a
--R
                  4 3 2 3 4 2 6 5 2 2 4 3 2 4
--R
--R
             (-560a c e + 4480a c d)x + (-5600a c e + 44800a c d)x
--R
                    6 2 5 2 2 7 2 6 2
--R
--R
             (- 13440a c e + 107520a c d )x - 8960a e + 71680a c d
```

```
--R
--R
                +----+
--R
           +-+ +-+ | 2
--R
           --R
               4 4 2 3 5 2 8 5 3 2 4 4 2 6
--R
--R
            (70a c e - 560a c d)x + (2240a c e - 17920a c d)x
--R
                 6 2 2 5 3 2 4 7 2 6 2 2 2
--R
            (11200a c e - 89600a c d )x + (17920a c e - 143360a c d )x
--R
--R
               8 2
                     7 2
--R
            8960a e - 71680a c d
--R
--R
--R
            +-+
--R
           \lc
--R
--R
                +----+
            +---+ | 2
--R
                         +---+ +-+
--R
           |-c|c + a - |-c|a
--R
        atan(-----)
               сх
--R
--R
           4 3 6 5 2 4 6 2 7 +---+
--R
--R
        (2048a c d e x + 20480a c d e x + 49152a c d e x + 32768a d e) \ | - c
--R
--R
--R
        +-+ | 2
--R
        \c \c \c x + a
--R
            3 4 8 4 3 6 5 2 4 6 2
--R
--R
         - 256a c d e x - 8192a c d e x - 40960a c d e x - 65536a c d e x
--R
--R
              7
--R
         - 32768a d e
--R
--R
         +---+ +-+ +-+
        \|- c \|a \|c
--R
--R /
                     3 4 2 2 2 3 +---+ +-+
--R
--R
        (7168c x + 71680a c x + 172032a c x + 114688a c) - c | a | c
--R
--R
         +----+
--R
        1 2
--R
        \c x + a
--R
          5 8 4 6 2 3 4 3 2 2 4
--R
--R
        (-896c x - 28672a c x - 143360a c x - 229376a c x - 114688a c)
--R
--R
         +---+ +-+
```

```
\|- c \|c
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 39
--S 40 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 40
)clear all
--S 41 of 1581
t0:=(d+e*x)*(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                                                             +----+
--R
          2 5 2 4
                            3
                                           2 2
                                                       2 | 2
--R
    (1) (c e x + c d x + 2a c e x + 2a c d x + a e x + a d) | c x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 41
--S 42 of 1581
r0:=5/24*a*d*x*(a+c*x^2)^(3/2)+1/6*d*x*(a+c*x^2)^(5/2)+_
    1/7*e*(a+c*x^2)^(7/2)/c+5/16*a^3*d*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/_
    sqrt(c)+5/16*a^2*d*x*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                           +-+
--R
                         x\|c
--R
         105a c d atanh(-----)
--R
                       +----+
                       | 2
--R
--R
                      \c x + a
--R
                       3 5
                                               2 3
--R
                                    2 4
--R
            48c e x + 56c d x + 144a c e x + 182a c d x + 144a c e x
--R
--R
                2
--R
            231a c d x + 48a e
--R
              +----+
--R
           +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R /
--R
           +-+
--R
       336c\|c
```

```
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 42
--S 43 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R [
               3 3 6 4 2 4 5 2 6 +-+
--R
--R
            (105a c d x + 2520a c d x + 8400a c d x + 6720a d) | a
--R
--R
             1 2
--R
            \c x + a
--R
--R
--R
              4 3 6 5 2 4 6 2 7
--R
           - 735a c d x - 5880a c d x - 11760a c d x - 6720a d
--R
--R
                        +----+
                       1 2
--R
                                    2 +-+ +-+
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
         log(-----)
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          |a|cx + a - a
--R
--R
                5 12 5 11 2 4 10 2 4 9
--R
           - 336a c e x - 392a c d x - 3696a c e x - 4410a c d x
--R
                3 3 8 3 3 7 4 2 6 4 2 5
--R
--R
           - 14448a c e x - 18081a c d x - 27552a c e x - 36904a c d x
--R
               5 4 5 3 6 2
--R
--R
           - 26880a c e x - 37520a c d x - 10752a e x - 14784a d x
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R
            6 14 6 13 5 12 5 11
--R
           48c e x + 56c d x + 1344a c e x + 1582a c d x
--R
--R
--R
              2 4 10 2 4 9 3 3 8 3 3 7
--R
           8736a c e x + 10605a c d x + 25536a c e x + 32767a c d x
--R
              4 2 6 4 2 5 5 4 5 3
--R
           39648a c e x + 53816a c d x + 32256a c e x + 44912a c d x
--R
--R
              6 2 6
--R
```

```
--R
          10752a e x + 14784a d x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \la \lc
--R /
--R
          3 6 2 4 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (336c x + 8064a c x + 26880a c x + 21504a) | a | c | c x + a
--R
              3 6 2 2 4 3 2
--R
--R
        (- 2352a c x - 18816a c x - 37632a c x - 21504a )\c
--R
--R
                                 5
--R
               3 3 6 4 2 4
            (210a c d x + 5040a c d x + 16800a c d x + 13440a d) | a
--R
--R
--R
             +----+
--R
            1 2
--R
            \c x + a
--R
--R
               4 3 6 5 2 4 6 2 7
           - 1470a c d x - 11760a c d x - 23520a c d x - 13440a d
--R
--R
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             --R
          atan(-----)
--R
                      сх
--R
                5 12 5 11 2 4 10 2 4 9
--R
--R
           - 336a c e x - 392a c d x - 3696a c e x - 4410a c d x
--R
--R
                           3 3 7
                                      4 2 6
--R
           - 14448a c e x - 18081a c d x - 27552a c e x - 36904a c d x
--R
               5 4 5 3 6 2
--R
--R
          - 26880a c e x - 37520a c d x - 10752a e x - 14784a d x
--R
--R
          +---+ | 2
--R
--R
          --R
--R.
            6 14 6 13 5 12 5 11
--R
           48c e x + 56c d x + 1344a c e x + 1582a c d x
--R
                                    3 3 8 3 3 7
--R
              2 4 10 2 4 9
--R
           8736a c e x + 10605a c d x + 25536a c e x + 32767a c d x
--R
               4 2 6 4 2 5 5 4 5 3
--R
--R
           39648a c e x + 53816a c d x + 32256a c e x + 44912a c d x
```

```
+ 6 2 6
--R
--R
--R
          10752a e x + 14784a d x
--R
--R
          +---+ +-+
--R
         \|- c \|a
--R
--R
          3 6 2 4 2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (336c x + 8064a c x + 26880a c x + 21504a) = c |a |c x + a
--R
              3 6 2 2 4 3 2
--R
       (- 2352a c x - 18816a c x - 37632a c x - 21504a )\|- c
--R
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 43
--S 44 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
--R
           3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +-+ | 2
--R
          (35a c d x + 840a c d x + 2800a c d x + 2240a c d) | a | c x + a
--R
             4 4 6 5 3 4 6 2 2
--R
--R
          - 245a c d x - 1960a c d x - 3920a c d x - 2240a c d
--R
--R
                       +----+
            --R
--R
           ( |a |c - c | x) |c | x + a + (-c |x - a) |c + c |x |a
--R
        log(-----)
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
                         |a|cx + a - a|
--R
                        434 522 6
--R
              3 4 6
           (-35a c d x - 840a c d x - 2800a c d x - 2240a c d) | a
--R
--R
           +----+
--R
           | 2
--R
--R
           \c x + a
--R
           4 4 6 5 3 4 6 2 2 7
--R
          245a c d x + 1960a c d x + 3920a c d x + 2240a c d
--R
--R
--R
--R
              x\|c
        atanh(-----)
--R
```

```
--R
--R
              1 2
--R
              \c + a
--R
--R
                                                   +----+
          4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ 2
--R
--R
      (16a c e x + 384a c e x + 1280a c e x + 1024a e) | c | c x + a
--R
           4 3 6 5 2 4 6 2 7 +-+ +-+
--R
       (- 112a c e x - 896a c e x - 1792a c e x - 1024a e)\|a \|c
--R
--R /
--R
          4 6 3 4 2 2 2 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
       (112c x + 2688a c x + 8960a c x + 7168a c) | a | c | c x + a
--R
--R
             4 6 2 3 4 3 2 2
                                         4 +-+
--R
       (- 784a c x - 6272a c x - 12544a c x - 7168a c)\|c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 44
--S 45 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 45
--S 46 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
               3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +---+ +-+
--R
--R
            (-35a c d x - 840a c d x - 2800a c d x - 2240a c d) | - c | a
--R
--R
            +----+
--R
            1 2
--R
            \c x + a
--R
             4 4 6 5 3 4 6 2 2 7 +---+
--R
           (245a c d x + 1960a c d x + 3920a c d x + 2240a c d) | - c
--R
--R
--R
               x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
              +----+
--R
--R
              1 2
              \c x + a
--R
--R
```

```
3 4 6 4 3 4 5 2 2 6 +-+ +-+
--R
--R
            (70a c d x + 1680a c d x + 5600a c d x + 4480a c d) | a | c
--R
--R
            1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
              4 4 6 5 3 4 6 2 2 7
--R
         (- 490a c d x - 3920a c d x - 7840a c d x - 4480a c d)\|c
--R
--R
--R
             +---+ | 2
                           +---+ +-+
--R
            --R
--R
         atan(-----)
--R
                       сх
--R
--R
--R
         4 3 6 5 2 4 6 2 7 +---+ +-+ | 2
       (16a c e x + 384a c e x + 1280a c e x + 1024a e) | - c | c | c x + a
--R
--R
--R
           4 3 6 5 2 4 6 2
                                           7 +---+ +-+ +-+
       (- 112a c e x - 896a c e x - 1792a c e x - 1024a e)\|- c \|a \|c
--R
--R /
--R
--R
          4 6 3 4 2 2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
       (112c x + 2688a c x + 8960a c x + 7168a c) = c = c = c x + a
--R
--R
             4 6 2 3 4 3 2 2 4 +---+ +-+
--R
       (-784a c x - 6272a c x - 12544a c x - 7168a c) | - c | c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 46
--S 47 of 1581
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 47
)clear all
--S 48 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                        +----+
        24 2 2 | 2
--R
--R (1) (c x + 2a c x + a) | c x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
```

```
--E 48
--S 49 of 1581
r0:=5/24*a*x*(a+c*x^2)^(3/2)+1/6*x*(a+c*x^2)^(5/2)+5/16*a^3*_
    a tanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/sqrt(c)+5/16*a^2*x*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
                             2 5 3 2 +-+ | 2
--R
                   x\|c
        15a atanh(-----) + (8c x + 26a c x + 33a x)\|c \|c x + a
--R
--R
                 1 2
--R
                \c x + a
--R
--R
--R
                                 48\|c
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 49
--S 50 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
    [
--R
                3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
--R
             (90a c x + 480a c x + 480a) | a | c x + a - 15a c x
--R
                 4 2 4 5 2 6
--R
--R
             -270a c x -720a c x -480a
--R
--R
                            +----+
                           2 2 +-+ +-+
--R
                +-+ +-+
--R
              (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
                              +-+ | 2
--R
--R
                              |a|cx + a - a
--R
                        4 9 2 3 7 3 2 5 4 3
--R
              - 8c x - 170a c x - 885a c x - 2098a c x - 2416a c x
--R
--R.
--R
--R
              - 1056a x
--R
--R
               +----+
--R
            +-+ | 2
           \c \c \c x + a
--R
--R
```

```
5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3
--R
--R
            48c x + 460a c x + 1698a c x + 3174a c x + 2944a c x
--R
--R
               5
--R
           1056a x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
          \|a \|c
--R
--R
          2 4 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (288c x + 1536a c x + 1536a) | a | c | c x + a
--R
           3 6 2 4 2 2
--R
--R
        (- 48c x - 864a c x - 2304a c x - 1536a )\|c
--R
--R
--R
              3 2 4 4 2 5 +-+ | 2 3 3 6
--R
--R
           (180a c x + 960a c x + 960a) | a | c x + a - 30a c x
--R
--R
               4 2 4 5 2 6
--R
           - 540a c x - 1440a c x - 960a
--R
--R
                 +----+
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             |- c |c + a - |- c |a
--R
          atan(-----)
--R
                       сх
--R
              5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3
--R
--R
            - 8c x - 170a c x - 885a c x - 2098a c x - 2416a c x
--R
--R
--R
            - 1056a x
--R
              +----+
--R
          +---+ | 2
--R
--R
          --R
             5 11 4 9 2 3 7 3 2 5 4 3
--R
            48c x + 460a c x + 1698a c x + 3174a c x + 2944a c x
--R
--R
--R
               5
--R
           1056a x
--R
          +---+ +-+
--R
--R
          \|- c \|a
    /
--R
--R
                                      +----+
```

```
2 2 +---+ +-+ | 2
--R
            2 4
--R
        (288c x + 1536a c x + 1536a )\|- c \|a \|c x + a
--R
            3 6 2 4 2 2 3 +---+
--R
--R
        (- 48c x - 864a c x - 2304a c x - 1536a )\|- c
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 50
--S 51 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
             +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
       3 (|a|c - cx)|cx + a + (-cx - a)|c + cx|a
       5a log(-----)
--R
                       +----+
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          --R
--R
                 +-+
--R
        3 x\|c
       - 5a atanh(-----)
--R
        +----+
--R
               1 2
--R
--R
               \c x + a
--R /
--R
      +-+
--R
     16\|c
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 51
--S 52 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 52
--S 53 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
                                     +---+ | 2 +---+ +-+
--R
                    +-+
                            3 +-+ \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
   3 +---+
                 x\|c
```

```
- 5a \|- c atanh(-----) + 10a \|c atan(------)
--R
--R
                                                                                                                                                                                       сх
--R
                                                                  1 2
--R
                                                                 \c x + a
--R
--R
                                                                                                                   +---+ +-+
--R
                                                                                                            16\|- c \|c
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 53
--S 54 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
             (7) 0
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 54
)clear all
--S 55 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)/(d+e*x)
--R
--R
--R
                                 2 4 2 2 | 2
--R
--R
                               (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
--R
                                                                   e x + d
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 55
--S 56 of 1581
r0:=1/12*(4*(c*d^2+a*e^2)-3*c*d*e*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/e^3+_
              1/5*(a+c*x^2)^(5/2)/e-(c*d^2+a*e^2)^(5/2)*atanh((a*e-c*d*x)/_
              (sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*c*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e^6-1/8*d*(8*c^2*d^4+20*a*_1)/e
              d^2*e^2+15*a^2*e^4)*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))*sqrt(c)/e^6+_
              1/8*(8*(c*d^2+a*e^2)^2-c*d*e*(4*c*d^2+7*a*e^2)*x)*sqrt(a+c*x^2)/e^5
--R
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                                                                                                                      x\|c
--R.
                                               2 4 3 2 2 5 +-+
--R
                             (- 225a d e - 300a c d e - 120c d )\|c atanh(-----)
                                                                                                                                                                   +----+
--R
                                                                                                                                                                   1 2
--R
--R
                                                                                                                                                                  \c x + a
--R
--R
                                                                                                                    2 4 | 2 2
--R
                                               2 4 2 2
```

```
--R
        (120a e + 240a c d e + 120c d )\|a e + c d
--R
--R
                 cdx-ae
         atanh(-----)
--R
--R
          +----+
             | 2 2 | 2
--R
--R
            --R
           254 2 43 5
--R
                                     2 2 3 2
          24c e x - 30c d e x + (88a c e + 40c d e)x
--R
--R
                   4 232 25 23
--R
         (- 135a c d e - 60c d e )x + 184a e + 280a c d e + 120c d e
--R
--R
--R
         +----+
--R
         1 2
--R
        \|c x + a
--R /
--R
--R
      120e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 56
--S 57 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R Г
--R
                 2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
              (225a c d e + 300a c d e + 120c d )x
--R
                                      352 44
--R
                  3 4
                             2 2 3 2
--R
              (2700a c d e + 3600a c d e + 1440a c d)x + 3600a d e
--R
                 3 3 2 2 2 5
--R
              4800a c d e + 1920a c d
--R
--R
--R
               +----+
              +-+ | 2
--R
--R
             \c \c \c x + a
--R
--R
                    2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
              (- 1125a c d e - 1500a c d e - 600c d )x
--R
--R
                    3
                              2 2 3 2
                                        3 5 2 4 4
--R
              (-4500a c d e - 6000a c d e - 2400a c d)x - 3600a d e
--R
                   3 3 2 2 2 5
--R
              - 4800a c d e - 1920a c d
--R
```

```
--R
--R
             +-+ +-+
--R
            \la \lc
--R
             --R
--R
--R
            (x | a | c + a) | c x + a - a x | c + (- c x - a) | a
--R
--R
                          | 2 +-+
--R
--R
                          \c x + a - \a
--R
                        3 2 2 4 4 4
                 2 2 4
--R
--R
              (120a c e + 240a c d e + 120c d )x
--R
--R
                 3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
              (1440a c e + 2880a c d e + 1440a c d)x + 1920a e
--R
                 3 2 2 2 2 4
--R
--R
              3840a c d e + 1920a c d
--R
--R
             +----+
             | 2 2 | 2
--R
--R
            --R
                  2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
             (- 600a c e - 1200a c d e - 600c d )x
--R
                  3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
--R
              (- 2400a c e - 4800a c d e - 2400a c d )x - 1920a e
--R
                  3 2 2 2 2 4
--R
--R
              - 3840a c d e - 1920a c d
--R
--R
               +----+
             +-+ | 2 2
--R
--R
            \|a \|a e + c d
--R
--R
          log
--R
                         +-----+
+-+ | 2 2 2 2 2 2
--R
                 (-ex - 2dx)|a|a + cd + (ae + cd)x
--R
--R.
--R
--R
                 2a d e x + 2a d
--R
                 +----+
--R
--R
                1 2
                \c x + a
--R
--R
```

```
--R
                   3 2 | 2 2
--R
--R
                (cdx + aex + 2adx) \setminus |ae + cd
--R
                      3 2 2 2 2 +-+
--R
                (-cdex + (-ae - 2cd)x - 2adex - 2ad)\|a
--R
--R
--R
                           1 2
--R
--R
                (2a e x + 2a d) \setminus |c x + a|
--R
                          2
--R
                    3
                (-cex-cdx-2aex-2ad)\label{eq:condition}
--R
--R
                                       3 5 4 2 3 6
--R
                458 4 47
--R
            - 120c e x + 150c d e x + (-920a c e - 200c d e)x
--R
--R
                 3 4 4 3 2 5
--R
            (1275a c d e + 300c d e)x
--R
                2 2 5 3 2 3 4 4 4
--R
            (- 2880a c e - 1920a c d e - 480c d e)x
--R
--R
--R
               2 2 4 3 3 2 3
--R
            (3180a c d e + 1200a c d e )x
--R
              3 5 2 2 2 3 3 4 2
--R
--R
            (- 2880a c e - 2880a c d e - 960a c d e)x
--R
--R
               3 4 2232
--R
          (2160a c d e + 960a c d e )x
--R
--R
             +----+
--R
          +-+ | 2
--R
          \ln \ln x + a
--R
          5 5 10 5 4 9
--R
                            45 5238
--R
         24c e x - 30c d e x + (400a c e + 40c d e)x
--R
              4 4 5 3 2 7 2 3 5 4 2 3 5 4 6
--R
        (- 525a c d e - 60c d e )x + (2000a c e + 800a c d e + 120c d e)x
--R
--R
--R.
              2 3 4 4 3 2 5
        (- 2595a c d e - 780a c d e )x
--R
--R
             3 2 5 2 3 2 3 4 4 4
--R
--R
        (4320a c e + 3360a c d e + 960a c d e)x
--R
              3 2 4 2 3 3 2 3
--R
        (- 4260a c d e - 1680a c d e )x
--R
```

```
--R
         4 5 3 2 2 3 2 3 4 2
--R
--R
        (2880a c e + 2880a c d e + 960a c d e)x
--R
             4 4 3 2 3 2
--R
--R
       (- 2160a c d e - 960a c d e )x
--R
--R
          264 62 26 2
--R
--R
        (120c e x + 1440a c e x + 1920a e) | c x + a
--R
                    6 2
                              2 6 +-+
--R
            264
        (-600c e x - 2400a c e x - 1920a e) | a
--R
--R
--R
--R
                 2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
             (120a c e + 240a c d e + 120c d )x
--R
                 3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
--R
             (1440a c e + 2880a c d e + 1440a c d )x + 1920a e
--R
               3 2 2 2 2 4
--R
              3840a c d e + 1920a c d
--R
--R
             +----+
--R
             | 2 2 | 2
--R
--R
             --R
                2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
             (- 600a c e - 1200a c d e - 600c d )x
--R
                   3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
--R
             (- 2400a c e - 4800a c d e - 2400a c d )x - 1920a e
--R
                  3 2 2 2 2 4
--R
              - 3840a c d e - 1920a c d
--R
--R
--R
               +----+
             +-+ | 2 2
--R
--R
             |a|a + cd
--R
--R
         log
--R
                     2 +-+ | 2 2 2 2 2
--R
                 (-ex - 2dx) | a | ae + cd + (ae + cd)x
--R
--R
--R
--R
                 2a d e x + 2a d
--R
--R
                +----+
```

```
1 2
--R
--R
                \c x + a
--R
--R
                  3 2 | 2 2
--R
--R
               (cdx + aex + 2adx) \setminus |ae + cd
--R
--R
                            2
                                 2 2
              (-cdex + (-ae - 2cd)x - 2adex - 2ad)\|a
--R
--R
--R
                          1 2
--R
              (2a e x + 2a d) \setminus |c x + a|
--R
--R
--R
                   3 2
--R
               (-cex-cdx-2aex-2ad)\a
--R
--R
                  2 2 4 3 3 2 4 5 4
              (- 450a c d e - 600a c d e - 240c d )x
--R
--R
                   3 4 2232 352 44
--R
              (- 5400a c d e - 7200a c d e - 2880a c d )x - 7200a d e
--R
--R
--R
                3 3 2 2 2 5
              - 9600a c d e - 3840a c d
--R
--R
--R
             +---+ | 2
--R
--R
             --R
                  2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
--R
             (2250a c d e + 3000a c d e + 1200c d )x
--R
                 3 4 2232 352 44
--R
--R
              (9000a c d e + 12000a c d e + 4800a c d )x + 7200a d e
--R
                3 3 2 2 2 5
--R
             9600a c d e + 3840a c d
--R
--R
--R
             +---+ +-+
--R
             \|- c \|a
--R
--R.
                +----+
             +-+ | 2
--R
--R
             \|a \|c x + a - a
          atan(-----)
--R
               +---+ +-+
--R
--R
               x\|- c \|a
--R
               458 447 35 4236
--R
```

```
--R
           - 120c e x + 150c d e x + (- 920a c e - 200c d e )x
--R
                 3 4 4 3 2 5
--R
--R
            (1275a c d e + 300c d e )x
--R
                  2 2 5 3 2 3 4 4 4
--R
--R
            (- 2880a c e - 1920a c d e - 480c d e)x
--R
                2 2 4
--R
                            3 3 2 3
--R
            (3180a c d e + 1200a c d e )x
--R
                 3 5 2 2 2 3
                                        3 4 2
--R
            (- 2880a c e - 2880a c d e - 960a c d e)x
--R
--R
--R
               3 4 2232
--R
            (2160a c d e + 960a c d e )x
--R
--R
           +-+ | 2
--R
--R
          --R
          5 5 10 5 4 9 4 5 5 2 3 8
--R
         24c e x - 30c d e x + (400a c e + 40c d e)x
--R
--R
--R
               4 4 5 3 2 7 2 3 5 4 2 3 5 4 6
--R
        (- 525a c d e - 60c d e )x + (2000a c e + 800a c d e + 120c d e)x
--R
--R
               2 3 4 4 3 2 5
--R
        (- 2595a c d e - 780a c d e )x
--R
             3 2 5 2 3 2 3 4 4 4
--R
--R
        (4320a c e + 3360a c d e + 960a c d e)x
--R
              3 2 4 2 3 3 2 3
--R
--R
        (- 4260a c d e - 1680a c d e )x
--R
             4 5 3 2 2 3 2 3 4 2
--R
--R
         (2880a c e + 2880a c d e + 960a c d e)x
--R
--R
                   4
                        3 2 3 2
        (- 2160a c d e - 960a c d e )x
--R
--R
--R.
--R
            2 6 4
                        6 2 2 6 | 2
--R
         (120c e x + 1440a c e x + 1920a e) | c x + a
--R
             2 6 4 6 2 2 6 +-+
--R
--R
         (-600c e x - 2400a c e x - 1920a e) | a
--R
--R
```

```
2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
              (225a c d e + 300a c d e + 120c d )x
--R
--R
                  3 4 2232 352 44
--R
--R
              (2700a c d e + 3600a c d e + 1440a c d)x + 3600a d e
--R
                 3 3 2 2 2 5
--R
--R
              4800a c d e + 1920a c d
--R
--R
               +----+
--R
             +-+ | 2
--R
             \c \c \c x + a
--R
                            3 3 2 4 5 4
--R
                   2 2 4
              (- 1125a c d e - 1500a c d e - 600c d )x
--R
--R
--R
                   3 4 2232 352 44
--R
              (-4500a c d e -6000a c d e -2400a c d )x -3600a d e
--R
                 3 3 2 2 2 5
--R
--R
              - 4800a c d e - 1920a c d
--R
--R
             +-+ +-+
--R
             \la \lc
--R
--R
              +-+ +-+ | 2 +-+ 2 +-+
--R
--R
             (x \mid a \mid c + a) \mid c x + a - a x \mid c + (- c x - a) \mid a
--R
--R
                          | 2 +-+
--R
--R
                          \c x + a - \a
--R
                 2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
              (240a c e + 480a c d e + 240c d )x
--R
--R
                 3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
--R
              (2880a c e + 5760a c d e + 2880a c d)x + 3840a e
--R
--R
                 3 2 2 2 2 4
--R
              7680a c d e + 3840a c d
--R
--R
             +----+
--R
             | 2 2 | 2
--R
             --R
                   2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
              (- 1200a c e - 2400a c d e - 1200c d )x
--R
--R
                    3 4
                            2 2 2 2 3 4 2 4 4
```

```
--R
              (- 4800a c e - 9600a c d e - 4800a c d )x - 3840a e
--R
                   3 2 2 2 2 4
--R
--R
              - 7680a c d e - 3840a c d
--R
             +----+
--R
              | 2 2 +-+
--R
--R
             --R
--R
                 +----+
              +-+ | 2
--R
--R
              d|a|c x + a - a e x - a d
--R
          atan(-----)
--R
--R
                  2 2 +-+
--R
                 x = a e - c d = a
--R
                                  3 5 4 2 3 6
--R
               458 4 47
           - 120c e x + 150c d e x + (- 920a c e - 200c d e )x
--R
--R
--R
                3 4 4 3 2 5
           (1275a c d e + 300c d e )x
--R
--R
--R
                2 2 5 3 2 3 4 4 4
           (- 2880a c e - 1920a c d e - 480c d e)x
--R
--R
--R
               2 2 4 3 3 2 3
--R
           (3180a c d e + 1200a c d e )x
--R
                3 5 2 2 2 3 3 4 2
--R
--R
           (- 2880a c e - 2880a c d e - 960a c d e)x
--R
--R
               3 4
                         2 2 3 2
--R
          (2160a c d e + 960a c d e )x
--R
--R
             +----+
          +-+ | 2
--R
--R
          \|a \|c x + a
--R
          5 5 10 5 4 9
--R
                              4 5 5 2 3 8
--R
        24c e x - 30c d e x + (400a c e + 40c d e )x
--R
--R
              4 4 5 3 2 7 2 3 5 4 2 3 5 4 6
--R
        (- 525a c d e - 60c d e )x + (2000a c e + 800a c d e + 120c d e)x
--R
                       4 3 2 5
--R
              234
--R
        (- 2595a c d e - 780a c d e )x
--R
            3 2 5 2 3 2 3 4 4 4
--R
--R
        (4320a c e + 3360a c d e + 960a c d e)x
```

```
--R
          3 2 4 2 3 3 2 3
--R
--R
        (- 4260a c d e - 1680a c d e )x
--R
           4 5 3 2 2 3 2 3 4 2
--R
--R
        (2880a c e + 2880a c d e + 960a c d e)x
--R
             4 4 3 2 3 2
--R
--R
       (- 2160a c d e - 960a c d e )x
--R
--R
                  6 2 2 6 | 2
--R
           2 6 4
--R
        (120c e x + 1440a c e x + 1920a e) | c x + a
--R
--R
            2 6 4
                    6 2 2 6 +-+
        (- 600c e x - 2400a c e x - 1920a e )\|a
--R
--R
--R
--R
                 2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
              (240a c e + 480a c d e + 240c d)x
--R
                 3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
--R
              (2880a c e + 5760a c d e + 2880a c d)x + 3840a e
--R
--R
                3 2 2 2 2 4
              7680a c d e + 3840a c d
--R
--R
--R
             +----+
--R
             | 2 2 | 2
--R
             --R
                   2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
             (- 1200a c e - 2400a c d e - 1200c d )x
--R
                  3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
              (- 4800a c e - 9600a c d e - 4800a c d )x - 3840a e
--R
--R
--R
                  3 2 2 2 2 4
             - 7680a c d e - 3840a c d
--R
--R
             +----+
--R
--R
             2 2 +-+
--R
             --R
--R
                +----+
              +-+ | 2
--R
--R
             d|a|cx + a - aex - ad
--R
--R
                  | 2 2 +-+
--R
```

```
--R
                 x = - c d | a
--R
--R
                   2 2 4 3 3 2 4 5 4
              (- 450a c d e - 600a c d e - 240c d )x
--R
--R
                              2 2 3 2 3 5 2 4 4
                   3 4
--R
--R
              (- 5400a c d e - 7200a c d e - 2880a c d )x - 7200a d e
--R
                  3 3 2 2 2 5
--R
              - 9600a c d e - 3840a c d
--R
--R
                 +----+
--R
              +---+ | 2
--R
--R
             --R
                           3 3 2 4 5 4
--R
                  2 2 4
--R
              (2250a c d e + 3000a c d e + 1200c d )x
--R
                  3 4 2232 352 44
--R
--R
              (9000a c d e + 12000a c d e + 4800a c d )x + 7200a d e
--R
               3 3 2 2 2 5
--R
              9600a c d e + 3840a c d
--R
--R
             +---+ +-+
--R
             \|- c \|a
--R
--R
--R
--R
              +-+ | 2
--R
             \|a \|c x + a - a
          atan(-----)
--R
               +---+ +-+
--R
--R
               x\|- c \|a
--R
               458 4 47 35 4236
--R
           - 120c e x + 150c d e x + (- 920a c e - 200c d e )x
--R
--R
                3 4 4 3 2 5
--R
--R
           (1275a c d e + 300c d e )x
--R
                2 2 5 3 2 3 4 4 4
--R
           (- 2880a c e - 1920a c d e - 480c d e)x
--R
--R
--R
               2 2 4
                        3 3 2 3
--R
           (3180a c d e + 1200a c d e )x
--R
              3 5 2 2 2 3 3 4 2
--R
--R
           (- 2880a c e - 2880a c d e - 960a c d e)x
--R
--R
               3 4 2232
```

```
--R
           (2160a c d e + 960a c d e )x
--R
--R
             +----+
           +-+ | 2
--R
--R
          \|a \|c x + a
--R
          5 5 10 5 4 9 4 5 5 2 3 8
--R
--R
        24c e x - 30c d e x + (400a c e + 40c d e)x
--R
               4 4 5 3 2 7 2 3 5 4 2 3 5 4 6
--R
--R
        (- 525a c d e - 60c d e )x + (2000a c e + 800a c d e + 120c d e)x
--R
               2 3 4 4 3 2 5
--R
--R
         (- 2595a c d e - 780a c d e )x
--R
--R
             3 2 5 2 3 2 3 4 4 4
--R
         (4320a c e + 3360a c d e + 960a c d e)x
--R
              3 2 4 2 3 3 2 3
--R
--R
         (- 4260a c d e - 1680a c d e )x
--R
--R
            4 5 3 2 2 3 2 3 4 2
--R
         (2880a c e + 2880a c d e + 960a c d e)x
--R
--R
            4 4 3 2 3 2
--R
         (- 2160a c d e - 960a c d e )x
--R
--R
             264 62 26 | 2
--R
--R
        (120c e x + 1440a c e x + 1920a e) | c x + a
--R
              2 6 4 6 2 2 6 +-+
--R
--R
        (- 600c e x - 2400a c e x - 1920a e )\|a
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 57
--S 58 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                 2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
              (225a c d e + 300a c d e + 120c d )x
--R
                                       352 44
--R
                  3 4 2232
--R
              (2700a c d e + 3600a c d e + 1440a c d )x + 3600a d e
--R
                3 3 2 2 2 5
--R
--R
              4800a c d e + 1920a c d
```

```
--R
--R
--R
           +-+ | 2
--R
           \c \c \c x + a
--R
                  2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
--R
            (- 1125a c d e - 1500a c d e - 600c d )x
--R
                 3 4 2232 352 44
--R
            (-4500a c d e -6000a c d e -2400a c d )x -3600a d e
--R
--R
               3 3 2 2 2 5
--R
            - 4800a c d e - 1920a c d
--R
--R
--R
           +-+ +-+
--R
           \la \lc
--R
--R
                      +----+
            +-+ +-+ | 2 +-+ 2
--R
--R
           (x | a | c + a) | c x + a - a x | c + (-c x - a) | a
--R
        log(-----)
--R
--R
                        | 2 +-+
--R
                        \c x + a - \a
--R
               2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
            (120a c e + 240a c d e + 120c d)x
--R
                3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
--R.
            (1440a c e + 2880a c d e + 1440a c d )x + 1920a e
--R
               3 2 2 2 2 4
--R
--R
            3840a c d e + 1920a c d
--R
--R
           +----+
           | 2 2 | 2
--R
--R
           --R
                2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
            (- 600a c e - 1200a c d e - 600c d )x
--R
                 3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
--R.
            (- 2400a c e - 4800a c d e - 2400a c d )x - 1920a e
--R
               3 2 2 2 2 4
--R
--R
            - 3840a c d e - 1920a c d
--R
--R
             +----+
           +-+ | 2 2
--R
--R
           |a|a + cd
```

```
--R
--R
         log
--R
                    2 +-+ | 2 2 2 2 2
--R
--R
                 (-ex - 2dx)\backslash |a \rangle |a + cd + (ae + cd)x
--R
--R
--R
                 2a d e x + 2a d
--R
--R
                 | 2
--R
--R
                \c x + a
--R
--R
                  3 2 | 2 2
--R
--R
              (c d x + a e x + 2a d x) \setminus |a e + c d
--R.
                     3 2 2 2
--R
--R
              (-cdex + (-ae - 2cd)x - 2adex - 2ad)\|a
--R
--R
--R
                          1 2
--R
              (2a e x + 2a d) \setminus |c x + a|
--R
--R
                   3 2
--R
              (-cex - cdx - 2aex - 2ad)\|a
--R
                2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
--R
             (225a c d e + 300a c d e + 120c d )x
--R
                  3 4 2232 352 44
--R
--R
             (2700a c d e + 3600a c d e + 1440a c d )x + 3600a d e
--R
                3 3 2 2 2 5
--R
--R
             4800a c d e + 1920a c d
--R
--R
              +----+
            +-+ | 2
--R
--R
            \c \c \c x + a
--R
                  2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
--R
             (- 1125a c d e - 1500a c d e - 600c d )x
--R
--R
                   3 4 2232 352 44
--R
             (-4500a c d e - 6000a c d e - 2400a c d)x - 3600a d e
--R
                3 3 2 2 2 5
--R
--R
             - 4800a c d e - 1920a c d
--R
            +-+ +-+
--R
```

```
\|a \|c
--R
--R
--R
               +-+
--R
             x \mid c
--R
        atanh(-----)
--R
           +----+
            1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
                2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
           (- 120a c e - 240a c d e - 120c d )x
--R
                 3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
            (- 1440a c e - 2880a c d e - 1440a c d )x - 1920a e
--R
--R
--R
                3 2 2 2 2 4
--R
           - 3840a c d e - 1920a c d
--R
--R
           +----+
           | 2 2 | 2
--R
--R
           --R
              2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
           (600a c e + 1200a c d e + 600c d )x
--R
               3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
--R
            (2400a c e + 4800a c d e + 2400a c d )x + 1920a e
--R
              3 2 2 2 2 4
--R
--R
           3840a c d e + 1920a c d
--R
--R
             +----+
           +-+ | 2 2
--R
--R
           |a|e+cd
--R
--R
                cdx-ae
--R
        atanh(-----)
         +----+
--R
            | 2 2 | 2
--R
--R
            --R
--R
            2 2 5 3 2 3 4 4 4
--R
         (184a c e + 280a c d e + 120c d e)x
--R
            3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3
--R
--R
         (2208a c e + 3360a c d e + 1440a c d e)x + 2944a e + 4480a c d e
--R
--R
             2 2 4
--R
         1920a c d e
--R
```

```
--R
        +-+ | 2
--R
--R
        \|a \|c x + a
--R
           3 2 5 2 3 2 3 4 4 4
--R
--R
       (- 920a c e - 1400a c d e - 600a c d e)x
--R
                                  2 3 4 2 5 5
--R
            4 5 3 2 2 3
      (- 3680a c e - 5600a c d e - 2400a c d e)x - 2944a e - 4480a c d e
--R
--R
--R
           3 2 4
       - 1920a c d e
--R
--R /
--R
--R
          264 62 26 | 2
--R
       (120c e x + 1440a c e x + 1920a e) \ c x + a
--R
                    6 2 2 6 +-+
--R
           2 6 4
--R
       (-600c e x - 2400a c e x - 1920a e) | a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 58
--S 59 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 59
--S 60 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
                2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
             (120a c e + 240a c d e + 120c d )x
--R
                 3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
--R
             (1440a c e + 2880a c d e + 1440a c d)x + 1920a e
--R
                3 2 2 2 2 4
--R
--R.
             3840a c d e + 1920a c d
--R
             +----+
--R
            | 2 2 | 2
--R
--R
            --R
                 2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
             (-600a c e - 1200a c d e - 600c d)x
--R
```

```
--R
              3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
--R
            (- 2400a c e - 4800a c d e - 2400a c d )x - 1920a e
--R
                3 2 2 2 2 4
--R
--R
            - 3840a c d e - 1920a c d
--R
--R
             +----+
           +-+ | 2 2
--R
           \|a \|a e + c d
--R
--R
--R
        log
--R
                        --R
--R
               (-ex - 2dx)|a|a + cd + (ae + cd)x
--R
--R
                2a d e x + 2a d
--R
--R
--R
               +----+
--R
               | 2
--R
              \c x + a
--R
--R
               3 2 | 2 2
--R
--R
             (cdx + aex + 2adx) \setminus |ae + cd
--R
                   3 2 2 2 2 +-+
--R
--R
             (-cdex + (-ae - 2cd)x - 2adex - 2ad)\|a
--R.
--R
                        1 2
--R
--R
             (2a e x + 2a d) \setminus |c x + a|
--R
                  3 2
--R
             (-cex-cdx-2aex-2ad)\a
--R
--R
--R
               2 2 4 3 3 2 4 5 4
            (225a c d e + 300a c d e + 120c d)x
--R
--R
               3 4 2232 352 44
--R
--R
            (2700a c d e + 3600a c d e + 1440a c d )x + 3600a d e
--R.
--R
              3 3 2 2 2 5
--R
            4800a c d e + 1920a c d
--R
             +----+
--R
--R
           +-+ | 2
--R
           \c \c \c x + a
--R
```

```
--R
--R
           (- 1125a c d e - 1500a c d e - 600c d )x
--R
                 --R
           (- 4500a c d e - 6000a c d e - 2400a c d )x - 3600a d e
--R
--R
               3 3 2 2 2 5
--R
--R
           - 4800a c d e - 1920a c d
--R
          +-+ +-+
--R
--R
          \|a \|c
--R
--R
--R
             x\|c
--R
       atanh(-----)
--R
          +----+
--R
           1 2
--R
           \c x + a
--R
               2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
           (- 120a c e - 240a c d e - 120c d )x
--R
               3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
           (- 1440a c e - 2880a c d e - 1440a c d )x - 1920a e
--R
--R
               3 2 2 2 2 4
--R
--R
           - 3840a c d e - 1920a c d
--R
--R
           +----+
          | 2 2 | 2
--R
--R
          --R
              2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
           (600a c e + 1200a c d e + 600c d )x
--R
              3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
--R
           (2400a c e + 4800a c d e + 2400a c d )x + 1920a e
--R
             3 2 2 2 2 4
--R
--R
           3840a c d e + 1920a c d
--R
--R
--R
          +-+ | 2 2
--R
          |a|e+cd
--R
--R
               cdx-ae
        atanh(-----)
--R
--R
            +----+
            | 2 2 | 2
--R
           --R
```

```
--R
--R
                2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
            (- 450a c d e - 600a c d e - 240c d )x
--R
                  3 4 2232 352 44
--R
--R
            (-5400a c d e - 7200a c d e - 2880a c d )x - 7200a d e
--R
--R
                 3 32
                           2 2 5
            - 9600a c d e - 3840a c d
--R
--R
--R
               +----+
           +---+ | 2
--R
--R
           --R
--R
                2 2 4
                            3 3 2 4 5 4
--R
            (2250a c d e + 3000a c d e + 1200c d )x
--R
--R
               3 4 2232 352 44
             (9000a c d e + 12000a c d e + 4800a c d )x + 7200a d e
--R
--R
--R
               3 3 2 2 2 5
--R
            9600a c d e + 3840a c d
--R
--R
            +---+ +-+
--R
           \|- c \|a
--R
              +----+
--R
--R
            +-+ | 2
--R
            atan(-----)
--R
              +---+ +-+
--R
              x\|- c \|a
--R
--R
             2 2 5 3 2 3 4 4 4
--R
--R
         (184a c e + 280a c d e + 120c d e)x
--R
             3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3
--R
--R
          (2208a c e + 3360a c d e + 1440a c d e)x + 2944a e + 4480a c d e
--R
--R
            2 2 4
--R
         1920a c d e
--R
           +----+
--R.
--R
        +-+ | 2
--R
        |a|cx + a
--R
          3 2 5 2 3 2 3 4 4 4
--R
--R
       (- 920a c e - 1400a c d e - 600a c d e)x
--R
--R
            4 5 3 2 2 3 2 3 4 2 5 5 4 2 3
```

```
--R
                           (-3680a c e - 5600a c d e - 2400a c d e)x - 2944a e - 4480a c d e
--R
--R
                                              3 2 4
--R
                           - 1920a c d e
--R /
--R
                                        264 62 26 | 2
--R
--R
                           (120c e x + 1440a c e x + 1920a e) \ x + a
--R
--R
                                             264
                                                                                        6 2
                                                                                                                         2 6 +-+
                           (-600c e x - 2400a c e x - 1920a e) | a
--R
--R
                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 60
--S 61 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
             (7) 0
--R
                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 61
)clear all
--S 62 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^2
--R
--R
--R
                                  2 4 2 2 | 2
--R
--R
                              (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
             (1) -----
--R
                                                 2 2
--R
                                              ex + 2d ex + d
                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--R
--E 62
--S 63 of 1581
r0:=-5/12*c*(4*d-3*e*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/e^3-(a+c*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x))+_
              5*c*d*(c*d^2+a*e^2)^(3/2)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_
              sqrt(a+c*x^2)))/e^6+5/8*(8*c^2*d^4+12*a*c*d^2*e^2+3*a^2*e^4)*_
              atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))*sqrt(c)/e^6-5/8*c*(8*d*(c*d^2+a*e^2)-_
              e*(4*c*d^2+3*a*e^2)*x)*sqrt(a+c*x^2)/e^5
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                   2 3
                                                                                                              2 4
                                                                                                                                           2 4
                                                                                                                                                                                        3 2
--R
                                 ((45a + 180a + 180a + 120c + 120c + 120c + 180a + 180a + 120c + 120c + 120c + 180a +
--R
--R
                                                                         +-+
```

```
--R
         +-+ x\|c
--R
        \|c atanh(-----)
--R
               1 2
--R
--R
               \c x + a
--R
--R
                             2 2 2 4 | 2 2
                 3 23
--R
        ((- 120a c d e - 120c d e)x - 120a c d e - 120c d )\|a e + c d
--R
--R
--R
                 cdx-ae
        atanh(-----)
--R
          +----+
--R
             | 2 2 | 2
--R
--R
            --R
--R
          254 2 43
                          5 2232
--R
         6c e x - 10c d e x + (27a c e + 20c d e)x
--R
                     2 3 2 2 5 2 3 2 4
--R
--R
          (- 85a c d e - 60c d e )x - 24a e - 160a c d e - 120c d e
--R
--R
--R
        1 2
--R
        \c x + a
--R /
       7 6
--R
--R
     24e x + 24d e
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 63
--S 64 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
                  3 2 3 4 4 5 3 3 2 4 5 4
--R
--R
              (120a c d e + 120c d e)x + (120a c d e + 120c d )x
--R
--R
                  2 2 2 3
                        3 4 3
                                      2 2 3 2
              (1440a c d e + 1440a c d e)x + (1440a c d e + 1440a c d)x
--R
--R
                  3 2 3 2 2 4
                                    3 3 2 2 2 5
--R
--R
              (1920a c d e + 1920a c d e)x + 1920a c d e + 1920a c d
--R
             +----+
--R
--R
             | 2 2 | 2
            --R
--R
```

```
3 2 3 4 4 5 3 3 2 4 5 4
--R
              (- 600a c d e - 600c d e)x + (- 600a c d e - 600c d )x
--R
--R
                     2 2 2 3 3 4 3
--R
               (-2400a c d e - 2400a c d e)x
--R
--R
                     2 2 3 2 3 5 2
--R
--R
              (- 2400a c d e - 2400a c d )x
--R
                    3 2 3 2 2 4
                                         3 3 2 2 2 5
--R
              (- 1920a c d e - 1920a c d e)x - 1920a c d e - 1920a c d
--R
--R
--R
              +-+ | 2 2
--R
--R
             \|a \|a e + c d
--R
--R
          log
--R
                     2 +-+ | 2 2 2 2 2
--R
                   (e x + 2d x) | a | a e + c d + (a e + c d) x
--R
--R
--R
--R
                   2a d e x + 2a d
--R
                  +----+
--R
                  | 2
--R
--R
                 \c x + a
--R
--R
                     3 2 | 2 2
--R
--R
                (-cdx - aex - 2adx) \setminus |ae + cd
--R
                             2
--R
                                    2 2
--R
                (-cdex + (-ae - 2cd)x - 2adex - 2ad)\|a
--R
--R
--R
                           1 2
--R
               (2a e x + 2a d) \setminus |c x + a|
--R
--R
--R
               (-cex - cdx - 2aex - 2ad)
--R
                 2 2 5 3 3 3 4 5 5
--R
--R
               (45a c d e + 180a c d e + 120c d e)x
--R
                  2 2 2 4 3 4 2 4 6 4
--R
--R
               (45a c d e + 180a c d e + 120c d)x
--R
                 3 5 2233 353
--R
--R
               (540a c d e + 2160a c d e + 1440a c d e)x
```

```
--R
               3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
--R
--R
             (540a c d e + 2160a c d e + 1440a c d )x
--R
                4 5 3 3 3 2 2 5 4 2 4
--R
--R
              (720a d e + 2880a c d e + 1920a c d e)x + 720a d e
--R
                3 4 2 2 2 6
--R
              2880a c d e + 1920a c d
--R
--R
--R
               +----+
             +-+ | 2
--R
            \c \c \c x + a
--R
--R
                 2 2 5 3 3 3 4 5 5
--R
--R
             (- 225a c d e - 900a c d e - 600c d e)x
--R
                 2 2 2 4 3 4 2 4 6 4
--R
              (- 225a c d e - 900a c d e - 600c d )x
--R
--R
--R
                 3 5 2233 353
             (- 900a c d e - 3600a c d e - 2400a c d e)x
--R
--R
--R
                  3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
              (- 900a c d e - 3600a c d e - 2400a c d )x
--R
--R
                  4 5 3 3 3 2 2 5 4 2 4
--R
--R
              (-720a d e - 2880a c d e - 1920a c d e)x - 720a d e
--R
--R
                  3 4 2 2 2 6
--R
              - 2880a c d e - 1920a c d
--R
--R
             +-+ +-+
--R
            \|a \|c
--R
               +-----+
+-+ +-+ | 2 +-+ 2 +-+
--R
--R
--R
            log(-----)
--R
--R
                           1 2
--R
--R
                          \c x + a - \a
--R
--R
              4 5 8 4 2 4 7
                                    3 5 4 3 3 6
           -30c d e x + 50c d e x + (-255a c d e - 100c d e)x
--R
--R
              2 2 6 3 2 4 4 4 2 5
--R
--R
           (- 24a c e + 465a c d e + 180c d e )x
--R
--R
                2 2 5 3 3 3 4 5 4
```

```
--R
           (- 540a c d e + 240a c d e + 480c d e)x
--R
--R
                 --R
           (- 288a c e - 60a c d e - 240a c d e )x
--R
                3 5 2233 352
--R
--R
           (- 240a c d e + 960a c d e + 960a c d e)x
--R
                4 6 3 2 4
--R
                                  2 2 4 2
--R
          (- 384a e - 1200a c d e - 960a c d e )x
--R
             +----+
--R
          +-+ | 2
--R
--R
          |a|cx + a
--R
--R
          5 5 10 5 2 4 9
                           4 5 5338
--R
         6c d e x - 10c d e x + (105a c d e + 20c d e )x
--R
               4 2 4 5 4 2 7
                                 2 3 5 4 3 3 5 5 6
--R
        (- 215a c d e - 60c d e )x + (495a c d e + 100a c d e - 120c d e)x
--R
--R
           3 2 6 2 3 2 4 4 4 2 5
--R
         (120a c e - 585a c d e - 180a c d e )x
--R
--R
            3 2 5 2 3 3 3 4 5 4
--R
         (660a c d e - 720a c d e - 960a c d e)x
--R
--R
--R
           4 6 3 2 2 4 2 3 4 2 3
--R
         (480a c e + 660a c d e + 720a c d e )x
--R
--R
            4 5 3233 235 2
--R
         (240a c d e - 960a c d e - 960a c d e)x
--R
           5 6 4 2 4 3 2 4 2
--R
--R
         (384a e + 1200a c d e + 960a c d e )x
--R
                                     7 3
--R
             2 7 5 2 2 6 4
--R
            24c d e x + 24c d e x + 288a c d e x + 288a c d e x
--R
--R
             2 7
                       2 2 6
--R
           384a d e x + 384a d e
--R
--R
          +----+
--R
           1 2
--R
          \c + a
--R
               2 7 5 2 2 6 4 7 3 2 6 2
--R
           - 120c d e x - 120c d e x - 480a c d e x - 480a c d e x
--R
--R
                2 7 2 2 6
--R
```

```
--R
           - 384a d e x - 384a d e
--R
--R
           +-+
--R
          \|a
--R
--R
                 2 2 5 3 3 3 4 5 5
--R
--R
               (45a c d e + 180a c d e + 120c d e)x
--R
                 2 2 2 4 3 4 2
--R
                                      464
--R
               (45a c d e + 180a c d e + 120c d )x
--R
                  3 5 2233 353
--R
--R
               (540a c d e + 2160a c d e + 1440a c d e)x
--R
--R
                  3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
--R
               (540a c d e + 2160a c d e + 1440a c d )x
--R
                 4 5 3 3 3 2 2 5 4 2 4
--R
--R
               (720a d e + 2880a c d e + 1920a c d e)x + 720a d e
--R
                 3 4 2 2 2 6
--R
--R
               2880a c d e + 1920a c d
--R
                +----+
--R
              +-+ | 2
--R
--R
              \c \c \c x + a
--R
                   2 2 5 3 3 3 4 5 5
--R
--R
               (- 225a c d e - 900a c d e - 600c d e)x
--R
                    2 2 2 4 3 4 2 4 6 4
--R
--R
               (- 225a c d e - 900a c d e - 600c d )x
--R
                   3 5
                               2 2 3 3 3 5 3
--R
               (- 900a c d e - 3600a c d e - 2400a c d e)x
--R
--R
--R
                    3 2 4 2 2 4 2
                                            3 6 2
               (- 900a c d e - 3600a c d e - 2400a c d )x
--R
--R
                    4 5 3 3 3 2 2 5
--R
               (- 720a d e - 2880a c d e - 1920a c d e)x - 720a d e
--R
--R
--R
                   3 4 2 2 2 6
--R
              - 2880a c d e - 1920a c d
--R
--R
              +-+ +-+
--R
              \|a \|c
--R
--R
                            +----+
```

```
+-+ +-+ | 2 +-+ 2 +-+
--R
--R
            --R
--R
                         | 2 +-+
--R
--R
                         \c x + a - \a
--R
                                       3 3 2 4 5 4
--R
                   3 2 3
                         44 5
            (- 240a c d e - 240c d e)x + (- 240a c d e - 240c d )x
--R
--R
--R
                         3 4 3
                  2 2 2 3
             (- 2880a c d e - 2880a c d e)x
--R
--R
--R
                 2 2 3 2
                         3 5 2
            (- 2880a c d e - 2880a c d )x
--R
--R
--R
                 3 2 3 2 2 4
                                   3 3 2 2 2 5
--R
             (- 3840a c d e - 3840a c d e)x - 3840a c d e - 3840a c d
--R
--R
            +----+
--R
            | 2 2 | 2
            --R
--R
--R
                 3 2 3 4 4 5 3 3 2 4 5 4
--R
            (1200a c d e + 1200c d e)x + (1200a c d e + 1200c d )x
--R
                 2 2 2 3 3 4 3 2 2 3 2 3 5 2
--R
--R
             (4800a c d e + 4800a c d e)x + (4800a c d e + 4800a c d)x
--R
                 3 2 3 2 2 4 3 3 2 2 2 5
--R
--R
            (3840a c d e + 3840a c d e)x + 3840a c d e + 3840a c d
--R
--R
            | 2 2 +-+
--R
--R
            --R
               +----+
--R
             +-+ | 2
--R
--R
            d|a|c x + a - a e x - a d
         atan(-----)
--R
--R
                2 2 +-+
--R
--R
               x = ae - cd | a
--R
             4 5 8 4 2 4 7 3 5 4 3 3 6
--R
          - 30c d e x + 50c d e x + (- 255a c d e - 100c d e )x
--R
--R
             2 2 6 3 2 4
--R
                              4 4 2 5
--R
          (- 24a c e + 465a c d e + 180c d e )x
--R
```

```
2 2 5 3 3 3 4 5 4
--R
--R
            (- 540a c d e + 240a c d e + 480c d e)x
--R
--R
                  3 \quad 6 \quad 2 \quad 2 \quad 2 \quad 4 \quad 3 \quad 4 \quad 2 \quad 3
--R
            (- 288a c e - 60a c d e - 240a c d e )x
--R
                 3 5 2233 35 2
--R
--R
            (- 240a c d e + 960a c d e + 960a c d e)x
--R
                 4 6 3 2 4
--R
                                     2 2 4 2
--R
           (- 384a e - 1200a c d e - 960a c d e )x
--R
--R
           +-+ | 2
--R
--R
          \|a \|c x + a
--R
--R
          5 5 10 5 2 4 9
                             4 5 5338
--R
        6c d e x - 10c d e x + (105a c d e + 20c d e )x
--R
               4 2 4 5 4 2 7 2 3 5 4 3 3 5 5 6
--R
--R
        (- 215a c d e - 60c d e )x + (495a c d e + 100a c d e - 120c d e)x
--R
--R
             3 2 6 2 3 2 4
                                4 4 2 5
        (120a c e - 585a c d e - 180a c d e )x
--R
--R
             3 2 5 2 3 3 3 4 5 4
--R
--R
         (660a c d e - 720a c d e - 960a c d e)x
--R
--R
             4 6 3 2 2 4 2 3 4 2 3
--R.
         (480a c e + 660a c d e + 720a c d e )x
--R
            4 5 3233 2352
--R
--R
         (240a c d e - 960a c d e - 960a c d e)x
--R
            5 6 4 2 4
--R
                                3 2 4 2
--R
         (384a e + 1200a c d e + 960a c d e )x
--R
                                   7 3
--R
             2 7 5 2 2 6 4
                                                   262
--R
            24c d e x + 24c d e x + 288a c d e x + 288a c d e x
--R
              2 7 2 2 6
--R
--R
           384a d e x + 384a d e
--R
--R
           +----+
           1 2
--R
--R
           \c x + a
--R
--R
               2 7 5 2 2 6 4
                                     7 3 2 6 2
           - 120c d e x - 120c d e x - 480a c d e x - 480a c d e x
--R
--R
```

```
2 7 2 2 6
--R
--R
           - 384a d e x - 384a d e
--R
--R
          +-+
--R
         \|a
--R
--R
                  3 2 3 4 4 5 3 3 2 4 5 4
--R
             (120a c d e + 120c d e)x + (120a c d e + 120c d )x
--R
--R
--R
                  2 2 2 3 3 4 3 2 2 3 2 3 5 2
--R
              (1440a c d e + 1440a c d e)x + (1440a c d e + 1440a c d)x
--R
                 3 2 3 2 2 4
                                    3 3 2 2 2 5
--R
--R
             (1920a c d e + 1920a c d e)x + 1920a c d e + 1920a c d
--R
--R
             +----+
             | 2 2 | 2
--R
--R
            --R
--R
                   3 2 3 4 4 5
                                     3 3 2 4 5 4
             (- 600a c d e - 600c d e)x + (- 600a c d e - 600c d )x
--R
--R
--R
                   2 2 2 3 3 4 3
              (- 2400a c d e - 2400a c d e)x
--R
--R
                          3 5 2
--R
                   2 2 3 2
--R
              (- 2400a c d e - 2400a c d )x
--R
                  3 2 3 2 2 4 3 3 2 2 2 5
--R
--R
             (- 1920a c d e - 1920a c d e)x - 1920a c d e - 1920a c d
--R
--R
               +----+
--R
             +-+ | 2 2
--R
            --R
--R
         log
--R
                                         2 2 2
                          +-+ | 2 2
--R
                 (e x + 2d x) | a | a e + c d + (a e + c d) x
--R
--R
--R
--R
                 2a d e x + 2a d
--R
--R
                +----+
                1 2
--R
--R
                \c x + a
--R
--R
                    3
                         2
                                 | 2 2
--R
```

```
--R
               (-cdx - aex - 2adx) \mid ae + cd
--R
--R
                      3 2 2 2
                                            2 +-+
--R
               (-cdex + (-ae - 2cd)x - 2adex - 2ad)\|
--R
--R
--R
               (2a e x + 2a d) \setminus |c x + a|
--R
--R
--R
                    3
                         2
--R
               (-cex-cdx-2aex-2ad)\a
--R
                 2 2 5 3 3 3
--R
                                     4 5 5
--R
              (90a c d e + 360a c d e + 240c d e)x
--R
--R
                 2 2 2 4 3 4 2 4 6 4
--R
               (90a c d e + 360a c d e + 240c d)x
--R
                  3 5 2233 353
--R
--R
               (1080a c d e + 4320a c d e + 2880a c d e)x
--R
                  3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
--R
--R
               (1080a c d e + 4320a c d e + 2880a c d )x
--R
                  4 5 3 3 3 2 2 5 4 2 4
--R
               (1440a d e + 5760a c d e + 3840a c d e)x + 1440a d e
--R
--R
--R
                  3 4 2 2 2 6
--R
              5760a c d e + 3840a c d
--R
--R
                  +----+
              +---+ | 2
--R
--R
             --R
                   2 2 5
                               3 3 3 4 5 5
--R
--R
              (- 450a c d e - 1800a c d e - 1200c d e)x
--R
--R
                               3 4 2 4 6 4
                    2 2 2 4
              (- 450a c d e - 1800a c d e - 1200c d )x
--R
--R
--R
                        5 2233
              (- 1800a c d e - 7200a c d e - 4800a c d e)x
--R
--R.
--R
                    3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
--R
               (- 1800a c d e - 7200a c d e - 4800a c d )x
--R
                   4 5 3 3 3 2 2 5 4 2 4
--R
              (- 1440a d e - 5760a c d e - 3840a c d e)x - 1440a d e
--R
--R
--R
                    3 4 2
                             2 2 6
```

```
--R
              - 5760a c d e - 3840a c d
--R
--R
              +---+ +-+
--R
             \|- c \|a
--R
                 +----+
--R
              +-+ | 2
--R
--R
             \|a \|c x + a - a
          atan(-----)
--R
                +---+ +-+
--R
                x\|- c \|a
--R
--R
                                  3 5 4 3 3 6
               4 5 8 4 2 4 7
--R
--R
           - 30c d e x + 50c d e x + (- 255a c d e - 100c d e )x
--R
--R
               2 2 6 3 2 4 4 4 2 5
--R
           (- 24a c e + 465a c d e + 180c d e )x
--R
                2 2 5 3 3 3 4 5 4
--R
--R
           (- 540a c d e + 240a c d e + 480c d e)x
--R
                3 6 2 2 2 4 3 4 2 3
--R
           (- 288a c e - 60a c d e - 240a c d e )x
--R
--R
               3 5 2233 352
--R
           (- 240a c d e + 960a c d e + 960a c d e)x
--R
--R
                4 6 3 2 4 2 2 4 2
--R
--R
          (- 384a e - 1200a c d e - 960a c d e )x
--R
--R
             +----+
          +-+ | 2
--R
--R
         \|a \|c x + a
--R
         5 5 10 5 2 4 9
                             4 5 5338
--R
        6c d e x - 10c d e x + (105a c d e + 20c d e )x
--R
--R
--R
               424 5427
                                 2 3 5 4 3 3
--R
        (- 215a c d e - 60c d e )x + (495a c d e + 100a c d e - 120c d e)x
--R
--R
            3 2 6 2 3 2 4
         (120a c e - 585a c d e - 180a c d e )x
--R
--R
--R
           3 2 5 2 3 3 3 4 5 4
--R
        (660a c d e - 720a c d e - 960a c d e)x
--R
--R
           4 6 3 2 2 4 2 3 4 2 3
        (480a c e + 660a c d e + 720a c d e )x
--R
--R
--R
           4 5 3233 2352
```

```
--R
        (240a c d e - 960a c d e - 960a c d e)x
--R
            5 6 4 2 4 3 2 4 2
--R
--R
        (384a e + 1200a c d e + 960a c d e )x
--R
                                7 3
              2 7 5 2 2 6 4
--R
--R
           24c d e x + 24c d e x + 288a c d e x + 288a c d e x
--R
             2 7
--R
                      2 2 6
--R
          384a d e x + 384a d e
--R
          +----+
--R
--R
--R
          \c x + a
--R
--R
               2 7 5 2 2 6 4
                                   7 3 2 6 2
--R
           - 120c d e x - 120c d e x - 480a c d e x - 480a c d e x
--R
--R
               2 7 2 2 6
--R
           - 384a d e x - 384a d e
--R
          +-+
--R
--R
          \|a
--R
--R
                    3 2 3 4 4 5 3 3 2 4 5 4
--R
--R
              (-240a c d e - 240c d e)x + (-240a c d e - 240c d)x
--R
--R
                    2 2 2 3 3 4 3
--R
              (- 2880a c d e - 2880a c d e)x
--R
                    2 2 3 2 3 5 2
--R
--R
              (- 2880a c d e - 2880a c d )x
--R
                   3 2 3 2 2 4
                                          3 3 2 2 2 5
--R
--R
              (- 3840a c d e - 3840a c d e)x - 3840a c d e - 3840a c d
--R
              +----+
--R
              | 2 2 | 2
--R
             --R
--R
--R
                   3 2 3 4 4 5
                                       3 3 2 4 5 4
--R
              (1200a c d e + 1200c d e)x + (1200a c d e + 1200c d )x
--R
                  2 2 2 3 3 4 3 2 2 3 2 3 5 2
--R
--R
               (4800a c d e + 4800a c d e)x + (4800a c d e + 4800a c d)x
--R
--R
                  3 2 3 2 2 4
                                      3 3 2 2 2 5
--R
               (3840a c d e + 3840a c d e)x + 3840a c d e + 3840a c d
--R
```

```
--R
             1 2 2 +-+
--R
--R
             --R
--R
                +----+
              +-+ | 2
--R
--R
             d = x - a 
--R
--R
                 | 2 2 +-+
--R
--R
                 x = a - c d = a
--R
                2 2 5 3 3 3 4 5 5
--R
--R
              (90a c d e + 360a c d e + 240c d e)x
--R
--R
                2 2 2 4 3 4 2 4 6 4
--R
              (90a c d e + 360a c d e + 240c d )x
--R
                 3 5 2233 353
--R
--R
              (1080a c d e + 4320a c d e + 2880a c d e)x
--R
                 3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
--R
              (1080a c d e + 4320a c d e + 2880a c d)x
--R
--R
                 4 5 3 3 3 2 2 5 4 2 4
--R
              (1440a d e + 5760a c d e + 3840a c d e)x + 1440a d e
--R
--R
--R
                 3 4 2 2 2 6
--R
              5760a c d e + 3840a c d
--R
--R
                 +----+
             +---+ | 2
--R
--R
             --R
                  2 2 5
                              3 3 3 4 5 5
--R
--R
             (- 450a c d e - 1800a c d e - 1200c d e)x
--R
--R
                   2 2 2 4
                              3 4 2 4 6 4
              (- 450a c d e - 1800a c d e - 1200c d )x
--R
--R
--R
                       5 2233
              (- 1800a c d e - 7200a c d e - 4800a c d e)x
--R
--R
--R
                    3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
--R
              (- 1800a c d e - 7200a c d e - 4800a c d )x
--R
                   4 5 3 3 3 2 2 5 4 2 4
--R
--R
              (- 1440a d e - 5760a c d e - 3840a c d e)x - 1440a d e
--R
--R
                   3 4 2 2 2 6
```

```
--R
              - 5760a c d e - 3840a c d
--R
--R
              +---+ +-+
--R
             \|- c \|a
--R
                 +----+
--R
              +-+ | 2
--R
--R
             \|a \|c x + a - a
          atan(-----)
--R
                +---+ +-+
--R
                x\|- c \|a
--R
--R
                                  3 5 4 3 3 6
               4 5 8 4 2 4 7
--R
--R
           - 30c d e x + 50c d e x + (- 255a c d e - 100c d e )x
--R
--R
               2 2 6 3 2 4 4 4 2 5
--R
           (- 24a c e + 465a c d e + 180c d e )x
--R
                2 2 5 3 3 3 4 5 4
--R
--R
           (- 540a c d e + 240a c d e + 480c d e)x
--R
                3 6 2 2 2 4 3 4 2 3
--R
           (- 288a c e - 60a c d e - 240a c d e )x
--R
--R
               3 5 2233 352
--R
           (- 240a c d e + 960a c d e + 960a c d e)x
--R
--R
                4 6 3 2 4 2 2 4 2
--R
--R
          (- 384a e - 1200a c d e - 960a c d e )x
--R
--R
             +----+
          +-+ | 2
--R
--R
         \|a \|c x + a
--R
         5 5 10 5 2 4 9
                             4 5 5338
--R
        6c d e x - 10c d e x + (105a c d e + 20c d e )x
--R
--R
--R
               424 5427
                                 2 3 5 4 3 3
--R
        (- 215a c d e - 60c d e )x + (495a c d e + 100a c d e - 120c d e)x
--R
--R
            3 2 6 2 3 2 4
         (120a c e - 585a c d e - 180a c d e )x
--R
--R
--R
           3 2 5 2 3 3 3 4 5 4
--R
        (660a c d e - 720a c d e - 960a c d e)x
--R
--R
           4 6 3 2 2 4 2 3 4 2 3
        (480a c e + 660a c d e + 720a c d e )x
--R
--R
--R
           4 5 3233 2352
```

```
--R
         (240a c d e - 960a c d e - 960a c d e)x
--R
             5 6 4 2 4 3 2 4 2
--R
--R
         (384a e + 1200a c d e + 960a c d e)x
--R
                                  7 3
--R
               2 7 5 2 2 6 4
--R
            24c d e x + 24c d e x + 288a c d e x + 288a c d e x
--R
              2 7 2 2 6
--R
--R
           384a d e x + 384a d e
--R
           +----+
--R
           1 2
--R
--R
           \c x + a
--R
--R
                2 7 5 2 2 6 4 7 3 2 6 2
--R
            - 120c d e x - 120c d e x - 480a c d e x - 480a c d e x
--R
--R
                2 7 2 2 6
--R
           - 384a d e x - 384a d e
--R
--R
           +-+
--R
           \|a
--R
      ]
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 64
--S 65 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
                   3 2 2 4 4 4 2 2 2 2 3 4 2
--R
--R
             (120a c d e + 120c d)x + (1440a c d e + 1440a c d)x
--R
                 3 2 2 2 2 4
--R
--R
             1920a c d e + 1920a c d
--R
             +----+
--R
             | 2 2 | 2
--R
            \label{lambda} | a + c d | c x + a
--R
--R
--R
                    3 2 2 4 4 4 2 2 2 2 3 4 2
             (- 600a c d e - 600c d )x + (- 2400a c d e - 2400a c d )x
--R
--R
--R
                   3 2 2
                            2 2 4
--R
             - 1920a c d e - 1920a c d
--R
--R
             +-+ | 2 2
--R
```

```
\|a \|a e + c d
--R
--R
--R
        log
--R
                          +-+ | 2 2 2 2 2
--R
--R
                (e x + 2d x) | a | a e + c d + (a e + c d) x + 2a d e x
--R
--R
--R
                2a d
--R
--R
                1 2
--R
--R
               \c x + a
--R
--R
                   3 2 | 2 2
--R
--R
              (-cdx - aex - 2adx) \setminus |ae + cd
--R
--R
                    3 2 2 2
                                                2 +-+
             (- c d e x + (- a e - 2c d )x - 2a d e x - 2a d )\|a
--R
--R
--R
                          +----+
--R
                         1 2
--R
              (2a e x + 2a d) \setminus |c x + a|
--R
                  3 2 +-+
--R
--R
              (-cex - cdx - 2aex - 2ad)\|a
--R
               2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
--R
             (45a c d e + 180a c d e + 120c d )x
--R
                3 4 2232 352 44
--R
--R
             (540a c d e + 2160a c d e + 1440a c d )x + 720a d e
--R
               3 3 2 2 2 5
--R
             2880a c d e + 1920a c d
--R
--R
              +----+
--R
            +-+ | 2
--R
--R
            \c \c \c x + a
--R
--R
                2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
             (- 225a c d e - 900a c d e - 600c d )x
--R
                 3 4 2232 352 44
--R
--R
             (- 900a c d e - 3600a c d e - 2400a c d )x - 720a d e
--R
--R
                 3 32
             - 2880a c d e - 1920a c d
--R
--R
```

```
+-+ +-+
--R
--R
           \|a \|c
--R
--R
                       +----+
              +-+ +-+ | 2 +-+ 2 +-+
--R
--R
           --R
--R
                         | 2 +-+
--R
                         \c x + a - \a
--R
--R
                2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
            (- 45a c d e - 180a c d e - 120c d )x
--R
--R
--R
                 3 4 2232 352 44
--R
            (-540a\ c\ d\ e\ -2160a\ c\ d\ e\ -1440a\ c\ d\ )x\ -720a\ d\ e
--R
               3 3 2 2 2 5
--R
--R
            - 2880a c d e - 1920a c d
--R
--R
             +----+
--R
           +-+ | 2
--R
           \c \c \c x + a
--R
              2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
--R
            (225a c d e + 900a c d e + 600c d )x
--R
              3 4 2232 352 44
--R
--R
            (900a c d e + 3600a c d e + 2400a c d )x + 720a d e
--R
              3 3 2 2 2 5
--R
--R
            2880a c d e + 1920a c d
--R
--R
           +-+ +-+
--R
           \la \lc
--R
--R
              +-+
--R
             x\|c
        atanh(-----)
--R
--R
           +----+
             1 2
--R
--R
            \c x + a
--R.
--R
                3 2 2 4 4 4 2 2 2 2 3 4 2
            (120a c d e + 120c d)x + (1440a c d e + 1440a c d)x
--R
--R
               3 2 2 2 2 4
--R
--R
            1920a c d e + 1920a c d
--R
           +----+
--R
```

```
| 2 2 | 2
--R
--R
           --R
                  3 2 2 4 4 4 2 2 2 2 3 4 2
--R
--R
            (- 600a c d e - 600c d )x + (- 2400a c d e - 2400a c d )x
--R
                 3 2 2 2 2 4
--R
--R
            - 1920a c d e - 1920a c d
--R
--R
              +----+
--R
           +-+ | 2 2
--R
           --R
--R
                 cdx-ae
--R
        atanh(-----)
--R
           +----+
--R
             | 2 2 | 2
--R
            \|a e + c d \|c x + a
--R
             2 2 5 3 2 3 4 4 4
--R
--R
          (- 24a c e - 160a c d e - 120c d e)x
--R
--R
            3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3
--R
         (- 288a c e - 1920a c d e - 1440a c d e)x - 384a e - 2560a c d e
--R
--R
             2 2 4
--R
         - 1920a c d e
--R
--R
           +----+
--R
        +-+ | 2
--R
        \|a \|c x + a
--R
          3 2 5 2 3 2 3 4 4 4
--R
--R
      (120a c e + 800a c d e + 600a c d e)x
--R
         4 5 3 2 2 3 2 3 4 2 5 5 4 2 3
--R
--R
      (480a c e + 3200a c d e + 2400a c d e)x + 384a e + 2560a c d e
--R
--R
         3 2 4
--R
       1920a c d e
--R /
--R
--R
         2 6 4 6 2 2 6 | 2
--R.
       (24c d e x + 288a c d e x + 384a d e) \ c x + a
--R
                         6 2 2 6 +-+
--R
           2 6 4
--R
       (-120c d e x - 480a c d e x - 384a d e) | a
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 65
```

```
--S 66 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 66
--S 67 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
              2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
--R
            (45a c d e + 180a c d e + 120c d)x
--R
--R
              3 4 2232 352 44
--R
            (540a c d e + 2160a c d e + 1440a c d)x + 720a d e
--R
              3 3 2 2 2 5
--R
--R
            2880a c d e + 1920a c d
--R
--R
           +-+ | 2
--R
--R
          \c \c \c x + a
--R
             2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
--R
           (- 225a c d e - 900a c d e - 600c d )x
--R
               3 4 2232 352 44
--R
--R
           (- 900a c d e - 3600a c d e - 2400a c d )x - 720a d e
--R
               3 3 2 2 2 5
--R
--R
           - 2880a c d e - 1920a c d
--R
           +-+ +-+
--R
--R
          \la \lc
--R
--R
             +-+ +-+ | 2 +-+ 2 +-+
--R
--R
          --R
        log(-----)
--R.
                       +----+
--R
                        1 2
                                 +-+
--R
                        \c x + a - \a
--R
               2 2 4 3 3 2 4 5 4
--R
--R
           (- 45a c d e - 180a c d e - 120c d )x
--R
--R
                3 4 2232 352 44
```

```
--R
            (-540a c d e - 2160a c d e - 1440a c d )x - 720a d e
--R
                 3 3 2 2 2 5
--R
--R
            - 2880a c d e  - 1920a c d
--R
              +----+
--R
            +-+ | 2
--R
--R
           \c \c \c x + a
--R
                           3 3 2 4 5 4
--R
               224
--R
            (225a c d e + 900a c d e + 600c d )x
--R
               3 4 2232 352 44
--R
--R
             (900a c d e + 3600a c d e + 2400a c d )x + 720a d e
--R
--R
               3 3 2 2 2 5
--R
            2880a c d e + 1920a c d
--R
--R
            +-+ +-+
--R
           \la \lc
--R
--R
               +-+
--R
              x \mid c
        atanh(-----)
--R
--R
             +----+
             1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
                 3 2 2 4 4 4 2 2 2 2 3 4 2
--R
--R
            (120a c d e + 120c d)x + (1440a c d e + 1440a c d)x
--R
                3 2 2 2 2 4
--R
--R
            1920a c d e + 1920a c d
--R
--R
            +----+
            | 2 2 | 2
--R
           --R
--R
                  3 2 2 4 4 4 2 2 2 2 3 4 2
--R
--R
            (-600a c d e -600c d )x + (-2400a c d e -2400a c d )x
--R
--R
                 3 2 2 2 2 4
--R
            - 1920a c d e - 1920a c d
--R
              +----+
--R
            +-+ | 2 2
--R
--R
           |a|a + cd
--R
--R
                 cdx-ae
--R
        atanh(-----)
```

```
--R
                                          +----+
                                         | 2 2 | 2
--R
--R
                                         --R
                                                         3 2 2 4 4 4 2 2 2 2 3 4 2
--R
--R
                                         (-240a c d e - 240c d)x + (-2880a c d e - 2880a c d)x
--R
                                                      3 2 2
--R
                                                                                       2 2 4
                                         - 3840a c d e - 3840a c d
--R
--R
--R
                                      +----+
                                      | 2 2 | 2
--R
                                    \label{local_condition} \label{local_condition} $$ \label{local_condition
--R
--R
--R
                                                        3 2 2 4 4 4
                                                                                                               2 2 2 2 3 4 2
--R
                                       (1200a c d e + 1200c d )x + (4800a c d e + 4800a c d )x
--R
                                                3 2 2 2 2 4
--R
                                       3840a c d e + 3840a c d
--R
--R
--R
                                      +----+
--R
                                     | 2 2 +-+
--R
                                    --R
                                               +----+
--R
                                          +-+ | 2
--R
--R
                                      d \backslash |a \backslash |c x + a - a e x - a d
--R
--R
                                                   | 2 2 +-+
--R
--R
                                                x = - cd | a
--R
                                             2 2 5 3 2 3 4 4 4
--R
--R
                              (- 24a c e - 160a c d e - 120c d e)x
--R
                                            3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3
--R
--R
                              (- 288a c e - 1920a c d e - 1440a c d e)x - 384a e - 2560a c d e
--R
--R
                                            2 2 4
--R
                             - 1920a c d e
--R
--R
                                    +----+
--R.
                           +-+ | 2
--R
                         \|a \|c x + a
--R
                               3 2 5 2 3 2 3 4 4 4
--R
--R
                      (120a c e + 800a c d e + 600a c d e)x
--R
                              4 5 3 2 2 3 2 3 4 2 5 5 4 2 3
--R
--R
                       (480a c e + 3200a c d e + 2400a c d e)x + 384a e + 2560a c d e
```

```
--R
--R
            3 2 4
--R
        1920a c d e
--R /
--R
                            6 2 2 6 | 2
--R
            2 6 4
--R
        (24c d e x + 288a c d e x + 384a d e) | c x + a
--R
                              6 2 2 6 +-+
--R
              2 6 4
         (- 120c d e x - 480a c d e x - 384a d e )\|a
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 67
--S 68 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 68
)clear all
--S 69 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^3
--R
--R
--R
          2 4 2 2 | 2
--R
--R
         (c x + 2a c x + a) \setminus |c x + a|
--R
    (1) -----
           3 3 2 2 2 3
--R
--R
          e x + 3d e x + 3d e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 69
--S 70 of 1581
r0:=5/6*c*(4*d+e*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x))-1/2*(a+c*x^2)^(5/2)/_
    (e*(d+e*x)^2)-5/2*c^(3/2)*d*(4*c*d^2+3*a*e^2)*atanh(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a+c*x^2))/e^6-5/2*c*(4*c*d^2+a*e^2)*atanh((a*e-c*d*x)/_
    (sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))*sqrt(c*d^2+a*e^2)/e^6+_
    5/2*c*(4*c*d^2+a*e^2-2*c*d*e*x)*sqrt(a+c*x^2)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
                           2 3 2 2
                                              2 3 2 4
                                                                     3 2
--R
            (-45acde -60cde)x + (-90acde -120cde)x -45acde
--R
--R
                2 5
--R
            - 60c d
```

```
--R
--R
                   +-+
         +-+ x\|c
--R
--R
         \|c atanh(-----)
--R
            +----+
                 1 2
--R
--R
                \c x + a
--R
               4 2 2 2 2 3 2 3 2 2
--R
         (15a c e + 60c d e )x + (30a c d e + 120c d e)x + 15a c d e
--R
--R
--R
           2 4
--R
          60c d
--R
--R
         +----+
--R
         1 2 2
                            cdx-ae
--R
         \|a e + c d atanh(-----)
                        +----+
--R
                        | 2 2 | 2
--R
                        \label{lambda} | a + c d | c x + a |
--R
--R
--R
           254 2 43 5 2232
--R
         2c e x - 5c d e x + (14a c e + 20c d e )x
--R
--R
                4 232 25 23 24
--R
          (55a c d e + 90c d e )x - 3a e + 35a c d e + 60c d e
--R
--R
         +----+
--R
         | 2
--R
        \c x + a
--R /
      8 2 7 2 6
--R
--R
      6e x + 12d e x + 6d e
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 70
--S 71 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 71
--S 72 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 72
--S 73 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 73
)clear all
```

```
--S 74 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^4
--R
--R
--R
            2 4 2 2 1 2
--R
--R
           (c x + 2a c x + a) \setminus |c x + a|
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
        e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 74
--S 75 of 1581
r0:=5/6*c*(2*d+e*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^2)-1/3*(a+c*x^2)^(5/2)/_
    (e*(d+e*x)^3)+5/2*c^(3/2)*(4*c*d^2+a*e^2)*atanh(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a+c*x^2))/e^6+5/2*c^2*d*(4*c*d^2+3*a*e^2)*atanh((a*e-c*d*x)/_
    (sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))/(e^6*sqrt(c*d^2+a*e^2))-_
    5/2*c*(4*c*d^2+a*e^2+2*c*d*e*x)*sqrt(a+c*x^2)/(e^5*(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                5 2233 4 2322
--R
           (15a c e + 60c d e)x + (45a c d e + 180c d e)x
--R
                 23 24 32 25
--R
--R
           (45a c d e + 180c d e)x + 15a c d e + 60c d
--R
--R
                                +-+
--R.
          +-+ | 2 2
                              x\|c
         \|c \|a e + c d atanh(-----)
--R
--R
--R
--R
                             \c x + a
--R
                         3 3 3 3
                                          2 2 4 3 4 2 2
--R
                 2 5
--R
           (-45a c d e - 60c d e)x + (-135a c d e - 180c d e)x
--R
                                      2 4 2 3 6
--R
                  2 3 3 3 5
--R
           (-135a c d e - 180c d e)x - 45a c d e - 60c d
--R
--R
                   cdx-ae
--R.
         atanh(-----)
--R.
               +----+
               | 2 2 | 2
--R
--R
              --R
--R
            254 2 43
           3c e x - 15c d e x + (-14a c e - 110c d e)x
--R
--R
```

```
4 232 25 23 24
--R
--R
            (- 15a c d e - 150c d e )x - 2a e - 5a c d e - 60c d e
--R
--R.
           +----+
--R
           | 2 2 | 2
          \label{lambda} | a + c d | c x + a |
--R
--R /
--R
         93 82 27 36 | 2
--R
--R
       (6e x + 18d e x + 18d e x + 6d e) | a e + c d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 75
--S 76 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 76
--S 77 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 77
--S 78 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 78
)clear all
--S 79 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^5
--R.
--R
--R
                                     +----+
                   2 4 2 2 | 2
--R
--R
                 (c x + 2a c x + a) \setminus |c x + a|
--R
         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
--R
         e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 79
--S 80 of 1581
r0:=-5/8*c*(4*c*d^2+3*a*e^2)*(a+c*x^2)^(3/2)/(e^3*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^2)+_
    5/12*c*(4*d+3*e*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^3)-_
    1/4*(a+c*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^4)-5*c^(5/2)*d*atanh(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a+c*x^2))/e^6-5/8*c^2*(8*c^2*d^4+12*a*c*d^2*e^2+3*a^2*e^4)*_
    atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))/(e^6*_
    (c*d^2+a*e^2)^(3/2))+5/8*c^2*(8*d*(c*d^2+a*e^2)+e*(4*c*d^2+a*e^2))
    3*a*e^2*x*sqrt(a+c*x^2)/(e^5*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x))
--R
--R
```

```
--R (2)
               2 6 3 3 4 4 2 2 5 3 4 3 3
--R
--R
         (- 120a c d e - 120c d e )x + (- 480a c d e - 480c d e )x
--R
--R
                2 3 4 3 5 2 2
                                      2 4 3 3 6
--R
         (-720a c d e -720c d e )x + (-480a c d e -480c d e)x
--R
                      3 7
--R
               2 5 2
         - 120a c d e - 120c d
--R
--R
--R
           +----+
         +-+ | 2 2
                           x \mid c
--R
        \|c \|a e + c d atanh(-----)
--R
--R
--R
                          1 2
--R
                          \c x + a
--R
--R
            2 2 8 3 2 6 4 4 4 4
--R
         (45a c e + 180a c d e + 120c d e )x
--R
--R
            2 2 7 3 3 5 4 5 3 3
--R
         (180a c d e + 720a c d e + 480c d e )x
--R
--R
             2 2 2 6 3 4 4 4 6 2 2
--R
          (270a c d e + 1080a c d e + 720c d e )x
--R
             2 2 3 5 3 5 3 4 7 2 2 4 4 3 6 2
--R
--R
         (180a c d e + 720a c d e + 480c d e)x + 45a c d e + 180a c d e
--R
--R
            4 8
--R
         120c d
--R
--R
                 cdx-ae
--R
        atanh(-----)
--R
            +----+
             | 2 2 | 2
--R
            --R
--R
             27 3254 26 3343
--R
--R
         (24a c e + 24c d e )x + (235a c d e + 250c d e )x
--R
--R
             2 7 2 2 5 3 4 3 2
--R.
         (- 27a c e + 448a c d e + 520c d e )x
--R
             2 6 234 352 37 2 25
--R
--R
          (- 20a c d e + 355a c d e + 420c d e )x - 6a e - 11a c d e
--R
--R
              2 4 3 3 6
         100a c d e + 120c d e
--R
--R
```

```
--R
          +----+
         | 2 2 | 2
--R
--R
         --R /
             12 2 10 4 11 3 9 3
--R
--R
         (24a e + 24c d e )x + (96a d e + 96c d e )x
--R
            2 10
--R
                     482
                                  3 9
                                           5 7
                                                     4 8
--R
       (144a d e + 144c d e)x + (96a d e + 96c d e)x + 24a d e + 24c d e
--R
--R
        | 2 2
--R
        \label{lagrange} \ + c d
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 80
--S 81 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 81
--S 82 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 82
--S 83 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 83
)clear all
--S 84 of 1581
t0:=sqrt(a^2-x^2)/(a-x)
--R
--R
--R
          1 2 2
--R
--R
        |-x + a|
--R (1) - -----
           x - a
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 84
--S 85 of 1581
r0:=a*atan(x/sqrt(a^2-x^2))-sqrt(a^2-x^2)
--R
--R
--R
                            +----+
--R
                          1 2 2
    (2) a atan(-----) - | - x + a |
--R
               +----+
--R
```

```
1 2 2
--R
--R
              \|- x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 85
--S 86 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             --R
--R
        (- 2a\|- x + a + 2a )atan(-----) + x
--R
--R
--R
--R
--R
                       1 2 2
                       --R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 86
--S 87 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                1 2 2
--R
--R
                \|- x + a - a
    (4) - 2a atan(-----) - a atan(-----) - a
--R
--R
                      x
                                       1 2 2
--R
                                      \ |-x + a
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 87
--S 88 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 88
)clear all
--S 89 of 1581
t0:=sqrt(2+x^2)/(1+4*x)
--R
--R
        +----+
--R
```

```
--R
        1 2
--R
        |x + 2|
--R
    (1) -----
--R
        4x + 1
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 89
--S 90 of 1581
r0:=-1/16*asinh(x/sqrt(2))-1/16*atanh((8-x)/(sqrt(33)*sqrt(2+x^2)))*_
    sqrt(33)+1/4*sqrt(2+x^2)
--R
--R
--R
         +--+ x - 8
                               | 2 x\|2
--R
--R
        \133 \operatorname{atanh}(-----) + 4 | x + 2 - \operatorname{asinh}(----)
--R
                    +----+
--R
                  +--+ | 2
--R
                \|33 \|x + 2
--R
--R
                             16
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 90
--S 91 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         --R
--R
--R
        (|x + 2 - x)\log(|x + 2 - x)
--R
--R
             +----+
          +--+ | 2 +--+
--R
--R
         (\|33\|x + 2 - x\|33)
--R
--R
                            +----+
                           1 2
--R
            (4|33 + 16x + 4)|x + 2 + (-4x - 1)|33 - 16x - 4x - 33
--R
--R
         log(-----)
--R
--R
                                  | 2
                                           2
--R.
                           (4x + 1) | x + 2 - 4x - x
--R
--R
           +----+
          | 2 2
--R
        -4x|x + 2 + 4x + 8
--R
--R /
        +----+
--R
--R
        1 2
```

```
16\|x + 2 - 16x
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 91
--S 92 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
           1 2
       log(|x + 2 - x)
--R
--R
--R
--R
                +--+
                             | 2
                                              +--+ 2
--R
        +--+ (4|33 + 16x + 4)|x + 2 + (-4x - 1)|33 - 16x - 4x - 33
--R
       \| 33 log(------)
--R
                                   +----+
                                   | 2 2
--R
                             (4x + 1) | x + 2 - 4x - x
--R
--R
--R
                                      +-+
--R
         +--+ x - 8
                                   x\|2
       - \|33 atanh(-----) + asinh(----)
--R
                   +----+
--R
                  +--+ | 2
--R
--R
                  |33|x + 2
--R /
--R
      16
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 92
--S 93 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 93
)clear all
--S 94 of 1581
t0:=sqrt(2+4*x^2)/(5+4*x)
--R
--R
--R
         +----+
--R
        1 2
     \|4x + 2
--R
--R (1) -----
```

```
--R
        4x + 5
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 94
--S 95 of 1581
r0:=-5/8*asinh(x*sqrt(2))-1/8*atanh((2-5*x)*sqrt(2/33)/sqrt(1+2*x^2))*_
   sqrt(33)+1/2*sqrt(1+2*x^2)/sqrt(2)
--R
--R
        +-+ +--+ (5x - 2)\|2
                                 | 2 +-+ +-+
--R
        --R
--R
                   +--+ | 2
--R
--R
                   \|33 \|2x + 1
--R
--R
                              +-+
--R
                              8\|2
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 95
--S 96 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
         --R
--R
--R
       (5|4x + 2 - 10x)\log(|4x + 2 - 2x)
--R
            +----+
--R
         +--+ | 2 +--+
--R
--R
         (\|33\|4x + 2 - 2x\|33)
--R
--R
                         | 2 +--+ 2
--R
--R
           (2|33 + 8x + 10)|4x + 2 + (-4x - 5)|33 - 16x - 20x - 33
        log(-----)
--R
--R
                              1 2
--R
                        (4x + 5) \setminus |4x + 2 - 8x - 10x
--R
--R
--R.
           +----+
--R
          | 2 2
       -4x\|4x + 2 + 8x + 4
--R
--R /
       +----+
--R
--R
      1 2
     8 | 4x + 2 - 16x
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--E 96
--S 97 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
        --R
--R
      (5|2|4x + 2 - 10x|2)\log(|4x + 2 - 2x)
--R
--R
             +----+
--R
       +-+ +--+ | 2 +-+ +--+
--R
       (|2 |33 |4x + 2 - 2x|2 |33)
--R
--R
--R
                      +----+
--R
                     1 2
                                    +--+ 2
           +--+
--R
          (2|33 + 8x + 10)|4x + 2 + (-4x - 5)|33 - 16x - 20x - 33
--R
       log(-----)
--R
                          +----+
--R
                          | 2 2
--R
                     (4x + 5) \setminus |4x + 2 - 8x - 10x
--R
--R
        --R
--R
      (- |2 |33 |4x + 2 + 2x|2 |33 ) atanh(-----)
--R
--R
                                   +--+ | 2
--R
                                  |33|2x + 1
--R
         --R
--R
--R
      (-4|2x + 1 + 5|2 asinh(x|2) - 4x|2)|4x + 2 + 8x|2x + 1
--R
         +-+ +-+ 2 +-+
--R
      - 10x\|2 \ asinh(x\|2) + (8x + 4)\|2
--R
--R /
        +----+
--R
     +-+ | 2 +-+
--R
--R
     8|2|4x + 2 - 16x|2
--R
                                   Type: Expression(Integer)
--E 97
--S 98 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
                5 4 3 2 +--+ 6 5
--R
           (-256x - 160x - 160x - 80x - 20x - 5)\|33 - 1024x - 1280x
--R
```

```
+ 4 3 2
--R
--R
--R
           - 1696x - 800x - 608x - 100x - 33
--R
--R
           +----+
           1 2
--R
--R
         12x + 1
--R
             6 5 4 3 2 +-+ +--+
--R
        (-256x - 160x - 224x - 120x - 52x - 20x - 2)|2 |33
--R
--R
                 6 5
                             4
                                   3 2
--R
        (-1024x - 1280x - 1952x - 1120x - 1000x - 260x - 140x - 10)\|2
--R
--R
--R
        1 2
--R
--R
        14x + 2
--R
--R
                5 4 3 2
         (512x + 320x + 448x + 240x + 104x + 40x + 4) | 33 + 2048x
--R
--R
          6 5 4 3 2
--R
--R
         2560x + 3904x + 2240x + 2000x + 520x + 280x + 20
--R
--R
        | 2
--R
--R
        12x + 1
--R
--R
         7 6 5 4 3 2
--R.
       (512x + 320x + 576x + 320x + 200x + 90x + 20x + 5)\|2\|33
--R
          8 7 6 5 4 3 2
--R
--R
         2048x + 2560x + 4416x + 2880x + 2912x + 1000x + 674x + 100x
--R
--R
--R
--R
        +-+
--R
       \|2
--R /
--R
                4 3 2
         (512x + 960x + 592x + 320x + 108x + 10) | 33 + 2048x + 5120x
--R
--R
--R
           4 3 2
--R
        6080x + 4560x + 1760x + 740x + 50
--R
        +----+
--R
        | 2 | 2
--R
--R
        |2x + 1|4x + 2
--R
               6 5 4 3 2
--R
                                               +--+
```

```
--R
         (- 1024x - 1920x - 1440x - 1120x - 480x - 120x - 25)\|33
--R
         7 6 5 4 3 2
--R
--R
        -\ 4096x \ -\ 10240x \ -\ 13184x \ -\ 11680x \ -\ 6432x \ -\ 3440x \ -\ 632x \ -\ 165
--R
         +----+
--R
        1 2
--R
--R
        12x + 1
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 98
)clear all
--S 99 of 1581
t0:=sqrt(1-x^2)/(1+x)
--R
--R
--R
       +----+
       1 2
--R
     \|- x + 1
--R
--R (1) -----
--R
        x + 1
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 99
--S 100 of 1581
r0:=asin(x)+sqrt(1-x^2)
--R
--R
--R +----+
--R | 2
--R (2) |-x + 1 + asin(x)
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 100
--S 101 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          --R
--R
--R
       --R
--R (3) -----
--R
                   +----+
--R
                    1 2
--R
                    |-x+1-1
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 101
```

```
--S 102 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                +----+
                1 2
--R
     \|- x + 1 - 1
--R
--R (4) - 2atan(-----) - asin(x) + 1
--R x
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 102
--S 103 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 103
)clear all
--S 104 of 1581
t0:=sqrt(1-x^2)/(-1+x)
--R
--R
       +----+
| 2
--R
--R | 2
--R \|- x + 1
--R
--R (1) -----
      x - 1
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 104
--S 105 of 1581
r0:=-asin(x)+sqrt(1-x^2)
--R
--R
--R
          +----+
         1 2
--R
--R
    (2) |-x + 1 - asin(x)
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 105
--S 106 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                               +----+
```

```
--R
--R
       (2\|- x + 1 - 2)atan(-----) - x
                   x
--R
--R (3) -----
--R
                  +----+
                   1 2
--R
                   \|- x + 1 - 1
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 106
--S 107 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
            +----+
--R
            1 2
     \|-x + 1 - 1
--R
--R (4) 2atan(-----) + asin(x) + 1
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 107
--S 108 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 108
)clear all
--S 109 of 1581
t0:=sqrt(1-x^2)/(-1+x)^2
--R
--R
--R
       +----+
       1 2
--R
     \|- x + 1
--R
   (1) -----
--R
--R
       2
--R
      x - 2x + 1
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 109
--S 110 of 1581
r0:=-asin(x)+2*sqrt(1-x^2)/(1-x)
--R
--R
```

```
+----+
| 2
--R | 2
--R - 2\|- x + 1 + (- x + 1)asin(x)
--R
         x - 1
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 110
--S 111 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        +----+ | 2
| 2 \|- x + 1 - 1
--R
--R
--R
       --R
--R (3) -----
--R
                   +----+
                   1 2
--R
--R
                   | - x + 1 + x - 1 |
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 111
--S 112 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
            1 2
     \|- x + 1 - 1
--R
--R (4) 2atan(-----) + asin(x) + 2
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 112
--S 113 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 113
)clear all
--S 114 of 1581
t0:=sqrt(1-x^2)/(-1+x)^3
--R
--R
```

```
--R +-----+

--R | 2

--R | 1 2
--R (1) -----
--R 3 2
--R
      x - 3x + 3x - 1
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 114
--S 115 of 1581
r0:=-1/3*(1-x^2)^(3/2)/(1-x)^3
--R
--R
--R
--R
              1 2
--R (-x-1) | -x + 1
--R (2) -----
        2
3x - 6x + 3
--R
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 115
--S 116 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
              +----+
| 2 3
--R
--R
--R
            6x = x + 1 + 2x - 6x
--R (3) -----
       2 | 2 3
--R
--R
        (3x - 9x + 6) | -x + 1 - 3x + 9x - 6
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 116
--S 117 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1
--R (4) - -
--R
   3
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 117
--S 118 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 118
)clear all
--S 119 of 1581
t0:=(1+x)*sqrt(-1+x^2)
--R
--R
--R
               1 2
--R
    (1) (x + 1) | x - 1
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 119
--S 120 of 1581
\texttt{r0:=1/3*(-1+x^2)^(3/2)-1/2*atanh(x/sqrt(-1+x^2))+1/2*x*sqrt(-1+x^2)}
--R
--R
--R
                                        +----+
--R
                   x 2
                                     | 2
--R
         - 3atanh(-----) + (2x + 3x - 2)|x - 1
--R
                 | 2
--R
                \|x - 1
--R
--R
--R
                           6
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 120
--S 121 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                 --R
--R
        ((12x - 3)|x - 1 - 12x + 9x)\log(|x - 1 - x)
--R
--R
--R
           5 4 3 2 | 2
--R
                                             6 5 4 3
--R
        (-8x - 12x + 14x + 9x - 6x) | x - 1 + 8x + 12x - 18x - 15x
--R
--R
          2
--R
        12x + 3x - 2
--R /
--R
               +----+
        2 | 2 3
--R
      (24x - 6) | x - 1 - 24x + 18x
--R
```

```
Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 121
--S 122 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          | 2
--R
      log(\|x - 1 - x) + atanh(-----)
--R
--R
                             1 2
--R
                             \|x - 1
--R
--R
    (4) -----
--R
                     2
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 122
--S 123 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 123
)clear all
--S 124 of 1581
t0:=(2+3*x)*sqrt(-5+7*x^2)
--R
--R
    +----+
| 2
--R
--R (1) (3x + 2) | 7x - 5
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 124
--S 125 of 1581
r0:=1/7*(-5+7*x^2)^(3/2)-5*atanh(x*sqrt(7)/sqrt(-5+7*x^2))/sqrt(7)+_
   x*sqrt(-5+7*x^2)
--R
--R
--R
                   +-+
                 x\|7 2 +-+ | 2
--R
        -35atanh(-----) + (7x + 7x - 5)|7 |7x - 5
--R
          +----+
--R
                1 2
--R
--R
               \|7x - 5
--R (2) ------
```

```
--R
                              +-+
--R
                            7\|7
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 125
--S 126 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                 +-+ | 2 2 2
--R
                                                         1 2
        5\|7\ \log(-2x\|7\ \|7x\ -5\ +14x\ -5)\ + (14x\ +14x\ -10)\|7x\ -5
--R
--R
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 126
--S 127 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                 +-+ | 2 2
--R
                                                x\|7
        5\log(-2x|7|7x - 5 + 14x - 5) + 10atanh(-----)
--R
--R
                                               1 2
--R
--R
                                               17x - 5
--R
--R
                               +-+
--R
                              2\|7
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 127
--S 128 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 128
)clear all
--S 129 of 1581
t0:=(d+e*x)^4/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
        4 4 3 3 2 2 2 3 4
     e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
--R
--R (1) -----
```

```
--R
--R
                       1 2
--R
                      \c x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 129
--S 130 of 1581
r0:=1/8*(8*c^2*d^4-24*a*c*d^2*e^2+3*a^2*e^4)*atanh(x*sqrt(c)/_
    sqrt(a+c*x^2))/c^{(5/2)+1/24*d*e*(64*c*d^2-41*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/c^2+_
    7/12*d*e*(d+e*x)^2*sqrt(a+c*x^2)/c+1/4*e*(d+e*x)^3*sqrt(a+c*x^2)/c+__
    1/24*e*(d*(12*c*d^2-23*a*e^2)+e*(26*c*d^2-9*a*e^2)*x)*sqrt(a+c*x^2)/c^2
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                             +-+
--R
           2 4
                     2 2
                             2 4
                                           x \mid c
--R
         (9a e - 72a c d e + 24c d )atanh(-----)
                                         +----+
--R
--R
                                         1 2
--R
                                        \c x + a
--R
--R
                         3 2
                                    4 2 2
               4 3
--R
          (6c e x + 32c d e x + (- 9a e + 72c d e)x - 64a d e + 96c d e)\|c
--R
           +----+
--R
          1 2
--R
--R
          \c x + a
--R /
--R
         2 +-+
--R
       24c \|c
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 130
--S 131 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
                             2 2 2 3 4 2
--R
                                                     3 4 2 2 2
                  (36a c e - 288a c d e + 96c d )x + 72a e - 576a c d e
--R
--R
--R.
                       2 4
--R
                 192a c d
--R
                    +----+
--R
--R
                 +-+ | 2
--R
                --R
--R
                  2 2 4 3 2 2
                                      4 4 4
```

```
--R
          (- 9ace + 72acde - 24cd)x
--R
              3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2
--R
--R
           (- 72a c e + 576a c d e - 192a c d )x - 72a e + 576a c d e
--R
--R
              2 2 4
--R
          - 192a c d
--R
                       +-----+
1 2 2 +-+ +-+
``'- + c x\|a
--R
                       1 2
--R
--R
            (|a|c - cx)|cx + a + (-cx - a)|c + cx|a
--R
         log(-----)
--R
                          +-+ | 2
--R
--R
                          |a|cx + a - a
--R
             3 4 7 3 3 6 2 4 3 2 2 5
--R
--R
           - 6c e x - 32c d e x + (- 39a c e - 72c d e )x
--R
                2 3 3 3 4 2 4 2 2 2 3
--R
--R
           (- 192a c d e - 96c d e)x + (24a c e - 576a c d e )x
--R
               23234222
--R
--R
          - 384a c d e x + (72a e - 576a c d e )x
--R
--R
          +-+ | 2
--R
--R
         \c \c \c x + a
--R
            3 4 7 3 3 6 2 4 3 2 2 5
--R
--R
           24c e x + 128c d e x + (36a c e + 288c d e)x
--R
               2 3 3 3 4
--R
--R
           (192a c d e + 288c d e)x + (- 60a c e + 864a c d e )x
--R
              232 34 222
--R
          384a c d e x + (- 72a e + 576a c d e )x
--R
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|c
--R
--R
--R.
          3 2 2 +-+ +-+ | 2
--R.
        (96c x + 192a c) | a | c | c x + a
--R
           4 4 3 2 2 2 +-+
--R
--R
       (- 24c x - 192a c x - 192a c )\c
--R
--R
--R
```

```
--R
              (72a c e - 576a c d e + 192c d )x + 144a e - 1152a c d e
--R
--R
                  2 4
--R
              384a c d
--R
               +----+
--R
             +-+ | 2
--R
--R
             --R
               2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
           (- 18a c e + 144a c d e - 48c d )x
--R
               3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2
--R
--R
           (- 144a c e + 1152a c d e - 384a c d )x - 144a e + 1152a c d e
--R
--R
               2 2 4
           - 384a c d
--R
--R
--R
                 +----+
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
          atan(-----)
                  сх
--R
--R
             3 4 7 3 3 6 2 4 3 2 2 5
--R
           -6c e x - 32c d e x + (-39a c e - 72c d e)x
--R
--R
--R
                 2 3 3 3 4 2 4 2 2 2 3
--R
           (- 192a c d e - 96c d e)x + (24a c e - 576a c d e )x
--R
--R
                 2 3 2 3 4 2 2 2
--R
          - 384a c d e x + (72a e - 576a c d e )x
--R
--R
              +----+
--R
           +---+ | 2
--R
          --R
            3 4 7 3 3 6 2 4 3 2 2 5
--R
--R
           24c e x + 128c d e x + (36a c e + 288c d e )x
--R
               2 3 3 3 4 2 4 2 2 2 3
--R
           (192a c d e + 288c d e)x + (- 60a c e + 864a c d e )x
--R
--R
--R
               2 3 2 3 4 2 2 2
          384a c d e x + (- 72a e + 576a c d e )x
--R
--R
          +---+ +-+
--R
--R
         \|- c \|a
--R /
--R
                              +----+
```

```
3 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (96c x + 192a c )\|- c \|a \|c x + a
--R
            4 4 3 2
--R
                             2 2 +---+
--R
        (- 24c x - 192a c x - 192a c )\|- c
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 131
--S 132 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                2 4 2 2 2 3 4 2 3 4 2 2 2
--R
              (36a c e - 288a c d e + 96c d )x + 72a e - 576a c d e
--R
--R
                 2 4
--R
             192a c d
--R
               +----+
--R
--R
            +-+ | 2
--R
            \label{lem:a} \label{lem:a} \label{lem:a} \label{lem:a} \
--R
              2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
          (- 9ace + 72acde - 24cd)x
--R
              3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2
--R
--R
           (- 72a c e + 576a c d e - 192a c d )x - 72a e + 576a c d e
--R
--R
               2 2 4
          - 192a c d
--R
--R
                       +----+
| 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
         log(-----)
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
--R
                           |a|cx + a - a
--R
                          2 2 2 3 4 2
                                              3 4 2 2 2
--R
--R
              (-36a\ c\ e\ +288a\ c\ d\ e\ -96c\ d\ )x\ -72a\ e\ +576a\ c\ d\ e
--R
--R
                   2 4
             - 192a c d
--R
--R
--R
               +----+
             +-+ | 2
--R
--R
```

```
--R
            2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
          (9ace - 72acde + 24cd)x
--R
            3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2
--R
--R
           (72a c e - 576a c d e + 192a c d)x + 72a e - 576a c d e
--R
--R
             2 2 4
          192a c d
--R
--R
--R
--R
               x\|c
         atanh(-----)
--R
            +----+
--R
--R
              1 2
--R
              \c x + a
--R
--R
             2 3 2 3 3 2 3 +-+ | 2
--R
       ((-256a c d e + 384a c d e)x - 512a d e + 768a c d e) | c | c x + a
--R
--R
--R
              2 3 3 3 4 2 3 2 3 3
--R
          (64a c d e - 96c d e)x + (512a c d e - 768a c d e)x + 512a d e
--R
            2 3
--R
          - 768a c d e
--R
--R
--R
         +-+ +-+
--R
         \|a \|c
--R /
--R
         3 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
       (96c x + 192a c) | a | c | c x + a
--R
           4 4 3 2 2 2 +-+
--R
       (- 24c x - 192a c x - 192a c )\|c
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 132
--S 133 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 133
--S 134 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
```

```
--R
--R (6)
--R
                2 4 2 2 2 3 4 2 3 4 2 2 2
--R
             (-36a c e + 288a c d e - 96c d)x - 72a e + 576a c d e
--R
--R
                  2 4
--R
            - 192a c d
--R
                +----+
--R
            +---+ +-+ | 2
--R
--R
           --R
              2 2 4 3 2 2
--R
                                4 4 4
             (9ace - 72acde + 24cd)x
--R
--R
--R
               3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2
--R
             (72a c e - 576a c d e + 192a c d )x + 72a e - 576a c d e
--R
--R
               2 2 4
--R
            192a c d
--R
--R
            +---+
           \|- c
--R
--R
               +-+
--R
              x\|c
--R
--R
         atanh(-----)
--R
--R
             1 2
--R
             \c x + a
--R
              2 4 2 2 2 3 4 2 3 4 2 2 2
--R
--R
             (72a c e - 576a c d e + 192c d )x + 144a e - 1152a c d e
--R
--R
                2 4
--R
             384a c d
--R
                 +----+
--R
            +-+ +-+ | 2
--R
--R
            | (a | c | c x + a)
--R
--R
                2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
             (- 18a c e + 144a c d e - 48c d )x
--R
                 3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4
--R
--R
             (- 144a c e + 1152a c d e - 384a c d )x - 144a e
--R
--R
                3 2 2 2 2 4
--R
             1152a c d e - 384a c d
--R
```

```
--R
             +-+
--R
            \|c
--R
--R
                  +----+
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
--R
--R
                       с х
--R
              2 3 2 3 3 2 3 +---+ +-+
--R
--R
         ((-256a c d e + 384a c d e)x - 512a d e + 768a c d e)\|- c \|c
--R
--R
--R
--R
         \|c x + a
--R
--R
            2 3 3 3 4 2 3 2 3 3
--R
          (64a c d e - 96c d e)x + (512a c d e - 768a c d e)x + 512a d e
--R
--R
              2 3
--R
           - 768a c d e
--R
--R
         +---+ +-+ +-+
         \|- c \|a \|c
--R
--R /
--R
         3 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
       (96c x + 192a c) = c = c = c = c
--R
           4 4 3 2 2 2 +---+ +-+
--R
--R
        (-24c x - 192a c x - 192a c) | - c | c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 134
--S 135 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 135
)clear all
--S 136 of 1581
t0:=(d+e*x)^3/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
        3 3 2 2 2 3
--R
--R
        e x + 3d e x + 3d e x + d
```

```
--R
--R
--R
                 1 2
--R
                 \c x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 136
--S 137 of 1581
r0:=1/2*d*(2*c*d^2-3*a*e^2)*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)+_
    1/6*e*(13*c*d^2-2*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/c^2+1/3*e*(d+e*x)^2*_
    \verb|sqrt(a+c*x^2)/c+1/6*e*(3*c*d^2-2*a*e^2+5*c*d*e*x)*sqrt(a+c*x^2)/c^2|
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
                  2 2 3
                                   x\|c
--R
         (- 9a c d e + 6c d )atanh(-----)
                                 +----+
--R
--R
                                 1 2
--R
                                 \c x + a
--R
--R
            3 2 2 3 2 +-+ | 2
--R
--R
         (2c e x + 9c d e x - 4a e + 18c d e) | c | c x + a
--R /
--R
        2 +-+
--R
       6c \|c
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 137
--S 138 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
                       2 2 3 2 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
              ((9a c d e - 6c d)x + 36a d e - 24a c d) | a | c x + a
--R
                                         3 2
--R
                             232
              (- 27a c d e + 18a c d )x - 36a d e + 24a c d
--R
--R.
--R
                               +----+
                              1 2
--R
                 +-+ +-+
                                                     +-+
--R
                ( |a |c + c | x) |c | x + a + (-c | x - a) |c - c | x | a
--R
--R
--R
                                 +-+ | 2
--R
```

```
--R
--R
             3 4 2 3 2 2 2 +-+ | 2
--R
--R
        (- 6a c e x - 27a c d e x - 36a c d e x - 36a d e x)\|c \|c x + a
--R
           2 3 6 2 2 5 3 2 2 4
--R
--R
          2c e x + 9c d e x + (6a c e + 18c d e)x + 45a c d e x
--R
               2 2 2 2
--R
--R
          36a c d e x + 36a d e x
--R
          +-+ +-+
--R
--R
         \|a \|c
--R
--R
        2 2 +-+ +-+ | 2 2 2 2 +-+
--R
--R
       (6c x + 24a c) | a | c | c x + a + (-18a c x - 24a c) | c
--R
--R
--R
                   2 2 3 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
          ((-18a c d e + 12c d)x - 72a d e + 48a c d)||a||c x + a
--R
--R
             2 2 2 3 2 3 2 2 3
--R
           (54a c d e - 36a c d )x + 72a d e - 48a c d
--R
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             --R
         atan(-----)
                 сх
--R
--R
              3 4 2 3 2 2 2 +---+
--R
--R
         (- 6a c e x - 27a c d e x - 36a c d e x - 36a d e x)\|- c
--R
--R
          1 2
--R
--R
         \c x + a
--R
           2 3 6 2 2 5 3 2 2 4 2 3
--R
           2c e x + 9c d e x + (6a c e + 18c d e)x + 45a c d e x
--R
--R
--R
              2 2 2 2
--R
          36acdex + 36adex
--R
         +---+ +-+
--R
--R
        \|- c \|a
--R
--R
         2 2 +---+ +-+ | 2
--R
                                   2 2 2 +---+
```

```
(6c x + 24a c) = c = a + (-18a c x - 24a c) = c
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 138
--S 139 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
               2 2 3 3 2 2 2 2 3 +-+ | 2
--R
          ((9a c d e - 6c d)x + 36a c d e - 24a c d)|a|c x + a
--R
--R
               2 2 2 3 3 2 3
                                       2 223
--R
--R
          (-27a c d e + 18a c d)x - 36a c d e + 24a c d
--R
--R
                         +----+
                        | 2 2 +-+ +-+
             +-+ +-+
--R
--R
            (|a|c + cx)|cx + a + (-cx - a)|c - cx|a
--R
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
                          --R
--R
               2 2 3 3 2 2 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
          ((9a c d e - 6c d)x + 36a c d e - 24a c d) | a | c x + a
--R
               2 2 2 3 3 2 3 2 2 2 3
--R
--R
          (- 27a c d e + 18a c d )x - 36a c d e + 24a c d
--R
--R
                +-+
--R
               x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
              1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
--R
            2 3 2 2 3 3 2 2 +-+ | 2
--R
--R
       ((-4a c e + 18a c d e)x - 16a e + 72a c d e) | c | c x + a
--R.
--R
           2 3 2 2 3 3 2 2 +-+ +-+
--R
       ((12a c e - 54a c d e)x + 16a e - 72a c d e) | a | c
--R /
--R
        3 2 2 +-+ +-+ | 2
--R
                                       3 2 2 2 +-+
      (6c x + 24a c) | a | c | c x + a + (-18a c x - 24a c) | c
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
```

```
--E 139
--S 140 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 140
--S 141 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
--R
             2 2 3 3 2 2 2 2 3 +---+ +-+ | 2
--R
         ((9a c d e - 6c d )x + 36a c d e - 24a c d )\|- c \|a \|c x + a
--R
              2 2 2 3 3 2 3 2
--R
                                         2 2 3 +---+
--R
          ((-27a c d e + 18a c d)x - 36a c d e + 24a c d) - c
--R
--R
--R
              x \mid c
        atanh(----)
--R
--R
            1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
             2 2 3 3 2 2 2 2 3 +-+ +-+
--R
           ((- 18a c d e + 12c d )x - 72a c d e + 48a c d )\|a \|c
--R
--R
--R
           +----+
--R
           | 2
--R
           \c x + a
--R
            2 2 2
                     3 3 2 3 2 2 2 3 +-+
--R
--R
          --R
--R
            +---+ | 2
--R
                          +---+ +-+
--R
           |- c |c + a - |- c |a
--R.
        atan(-----)
--R
                     с х
--R
--R
          2 3 2 2 2 3 3 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
      ((-4ace + 18acde)x - 16ae + 72acde) - c c c + a
--R
--R
         2 3 2 2 2 3 3 2 2 +---+ +-+
```

```
((12a c e - 54a c d e)x + 16a e - 72a c d e) | - c | a | c
--R
--R /
--R
                                +----+
       3 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
                                                  3 2 2 2 +---+ +-+
     (6c x + 24a c )\|- c \|a \|c \|c x + a + (- 18a c x - 24a c )\|- c \|c
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 141
--S 142 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 142
)clear all
--S 143 of 1581
t0:=(d+e*x)^2/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
        2 2 2
--R
         e x + 2d e x + d
--R
--R (1) -----
--R
            1 2
--R
--R
            \c + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 143
--S 144 of 1581
r0:=1/2*(2*c*d^2-a*e^2)*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)+_
    3/2*d*e*sqrt(a+c*x^2)/c+1/2*e*(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/c
--R
--R
                             x\|c
                                        2 +-+ | 2
            2 2
--R
         (-ae + 2cd) atanh(-----) + (ex + 4de) | c| cx + a
--R
                            +----+
--R
                            | 2
--R
--R
                           \|c x + a
--R.
--R
                                   +-+
--R
                                  2c\|c
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 144
--S 145 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
   (3)
--R [
--R
              +----+
2 2 +-+ | 2 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
           (2a e - 4c d) | a | c x + a + (- a c e + 2c d) x - 2a e
--R
--R
               2
--R
            4a c d
--R
--R
              +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
             (|a |c + c |x)|c |x + a + (-c |x - a)|c - c |x|a
--R
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
                           |a|cx + a - a
--R
--R
                                  +----+
             2 3 2 2 +-+ | 2
--R
--R
         (-cex - 4cdex - 2aex) \setminus |c| = x + a
--R
            2 3 2 2 +-+ +-+
--R
--R
         (2c e x + 4c d e x + 2a e x) | a | c
--R
--R
         +-+ +-+ | 2 2 2 +-+
--R
--R
       4c \leq x + a + (-2c x - 4a c) \leq
--R
--R
--R
                2 2 +-+ | 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
           (-4ae + 8cd) | a | c x + a + (2ace - 4cd) x + 4ae
--R
--R
--R
           - 8a c d
--R
--R
              +---+ | 2
--R
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
          atan(-----)
--R.
                       с х
--R
--R
             2 3 2 2 +---+ | 2
--R
--R
         (-cex - 4cdex - 2aex) \setminus |-c| \cdot |cx + a
--R
            2 3 2 2 +---+ +-+
--R
         (2c e x + 4c d e x + 2a e x) = c = a
--R
```

```
--R
--R
        +---+ +-+ | 2 2 2 +---+
--R
--R
       4c\|-c\\|a\\|c\ x + a + (-2c\ x - 4a\ c)\\|-c\\|
--R
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 145
--S 146 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
               2 2 +-+ | 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
            (2a e - 4c d) | a | c x + a + (- a c e + 2c d) x - 2a e
--R
--R
               2
--R
            4a c d
--R
--R
                         +----+
             +-+ +-+ | 2 2 +-+
--R
--R
            (\a \c + c x)\c x + a + (-c x - a)\c - c x\a
         log(-----
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
                           |a|cx + a - a
--R
--R
               +-----+
2 2 +-+ | 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
            (2a e - 4c d) | a | c x + a + (- a c e + 2c d) x - 2a e
--R
--R
--R
            4a c d
--R
--R
--R
               x \mid c
         atanh(-----)
--R
             +----+
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R.
               +----+
                             2
--R
             +-+ | 2
--R
       8a d e\|c \|c x + a + (- 4c d e x - 8a d e)\|a \|c
--R /
--R
              +----+
        +-+ +-+ | 2 2 2 +-+
--R
      4c\|a\|c\|c\ x + a + (-2c\ x - 4a\ c)\|c\
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 146
--S 147 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 147
--S 148 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
             2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
           (2a e -4cd)\|-c\|a\|cx + a
--R
                2 2 2 2 2 2 +---+
--R
--R
           ((-ace + 2cd)x - 2ae + 4acd) | - c
--R
--R
--R
                x/|c
         atanh(-----)
--R
--R
              1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
               2 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
           (-4a e + 8c d) | a | c | c x + a
--R
                2 2 2 2 2 2 +-+
--R
--R
           ((2a c e - 4c d)x + 4a e - 8a c d) \
--R
--R
             +---+ | 2
--R
                            +---+ +-+
--R
             |-c|c + a - |-c|a
         atan(-----)
--R
--R
                        сх
--R
--R
                    +----+
             +---+ +-+ | 2
--R
                                      2
                                                +---+ +-+ +-+
       8a d e\|- c \|c x + a + (- 4c d e x - 8a d e)\|- c \|a \|c
--R
--R /
--R
                   +----+
        +---+ +-+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
      4c\|-c\\|a\\|c\\|c\ + a + (-2c\ x - 4a\ c)\\|-c\\|c\
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 148
--S 149 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
    (7) 0
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 149
)clear all
--S 150 of 1581
t0:=(d+e*x)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
          e x + d
--R (1) -----
        +----+
--R
         1 2
--R
--R
         \c x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 150
--S 151 of 1581
\verb"r0:=d*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/sqrt(c)+e*sqrt(a+c*x^2)/c
--R
--R
                   +-+ +-----x\c +-+ | 2
--R
--R
--R
         c d atanh(-----) + e\|c \|c x + a
           +----+
--R
                  1 2
--R
--R
                 \c x + a
--R
--R
                         +-+
--R
                        c\|c
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 151
--S 152 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
                 +----+
--R
             +-+ | 2
--R
           (d|a|cx+a-ad)
--R
```

```
--R
            --R
--R
           (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
        log(-----)
--R
--R
                       +-+ | 2
--R
--R
                       |a|cx + a - a
--R
        2 +-+ +-+
--R
--R
       e x \|a \|c
--R
        +----+
--R
      +-+ +-+ | 2 +-+
--R
      --R
--R
--R
--R
                           +---+ | 2 +---+ +-+
--R
           +----+
        +-+ | 2
--R
                          \|- c \|c x + a - \|- c \|a
       (2d\|a \|c x + a - 2a d)atan(-----)
--R
--R
                                  сх
--R
--R
        2 +---+ +-+
      e x \|- c \|a
--R
--R
--R
     +---+ +-+ | 2 +---+
--R
--R
      --R
--R
                       Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 152
--S 153 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
            +----+
         +-+ | 2
--R
--R
       (c d|a |c x + a - a c d)
--R
--R
                    +----+
          +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R.
--R
          (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
       log(-----)
--R
                     +----+
--R
                      +-+ | 2
--R
--R
                     |a|cx + a - a
--R
--R
                              +-+
                                          +----+
```

```
x\|c +-+ | 2
           +-+ | 2
--R
   (- c d\|a \|c x + a + a c d)atanh(-----) + a e\|c \|c x + a
--R
--R
                                   +----+
                                   1 2
--R
--R
                                  \|c x + a
--R
--R
          +-+ +-+
--R
      - a e\|a \|c
--R /
--R
     +-+ +-+ | 2 +-+
--R
--R
     c = c = c = c = c = c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 153
--S 154 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 154
--S 155 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
         +---+ +--+ | 2 +---+
--R
                                            x\|c
--R
      (-c d)|-c |a |c x + a + a c d|-c )atanh(-----)
--R
                                            1 2
--R
--R
                                           \c x + a
--R
--R
            +-+ +-+ | 2 +-+
--R
--R
        (2c d|a |c |c x + a - 2a c d|c)
--R
                +----+
--R
            +---+ | 2
--R
                           +---+ +-+
--R
            \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
        atan(-----)
--R
--R
                +----+
--R
         +---+ +-+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
       a e = c \le x + a - a e = c \le a \le c
--R /
                 +----+
--R
```

```
+---+ +-+ +-+ | 2 +---+ +-+
--R
      c\|- c \|a \|c \|c x + a - a c\|- c \|c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 155
--S 156 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 156
)clear all
--S 157 of 1581
t0:=1/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R +----+
        1 2
--R
--R
     \|c x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 157
--S 158 of 1581
r0:=atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/sqrt(c)
--R
--R
--R
                 +-+
               x\|c
--R
        atanh(-----)
--R
         +----+
--R
             1 2
--R
            \c x + a
--R
--R
    (2) -----
             +-+
--R
--R
              \|c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 158
--S 159 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
         +-+ +-+ | 2
                                2 +-+ +-+
--R
```

```
(\a \c - c x) \c x + a + (-c x - a) \c + c x \a
--R
--R
--R
                        +-+ | 2
--R
--R
                        \|a \|c x + a - a
--R
--R
--R
                            \|c
--R
           +---+ | 2
--R
--R
          \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
     2atan(-----)
--R
                    сх
      -----]
--R
--R
                   +---+
--R
                  \|- c
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 159
--S 160 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
            +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
           (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
--R
                           |a|c x + a - a
--R
--R
--R
                x \mid c
--R
        - atanh(-----)
--R
               1 2
--R
--R
              \c x + a
--R /
--R
--R
      \|c
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 160
--S 161 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 161
--S 162 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
                                     +----+
+---+ | 2 +---+ +-+
--R
         --R
--R
        - \|- c atanh(-----) + 2\|c atan(------)
--R
--R
                  1 2
--R
                 \c x + a
--R
--R
--R
                              +---+ +-+
--R
                              \|- c \|c
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 162
--S 163 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 163
)clear all
--S 164 of 1581
t0:=1/((d+e*x)*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
    +----+
| 2
--R
--R
--R
      (e x + d) \setminus |c x + a|
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 164
--S 165 of 1581
r0:=-atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))/sqrt(c*d^2+a*e^2)
--R
--R
--R
                cdx-ae
        atanh(-----)
--R
            +----+
--R
            | 2 2 | 2
--R
            --R
```

```
--R
--R
--R
               1 2 2
--R
               \lae + c d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 165
--S 166 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Ε
--R
       log
--R
                                      2 3 | 2
--R
                     2 +-+ | 2 2
            ((d e x + d)|a |a e + c d + (- a d e - c d)x)|c x + a
--R
--R
--R
                                     2 | 2 2
--R
--R
             ((- a e - c d)x - a d e x - a d)\|ae + c d
--R
--R
                3 2 2 2 3 +-+
--R
             ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
                   +-+ | 2
--R
--R
           (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
        +----+
       1 2 2
--R
--R
       --R
           +----+
--R
                                        . 2 2 +-+
          | 2 2 | 2
--R
         d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
--R
--R
--R
                           (ae + cd)x
--R
--R
                          1 2 2
--R
--R
                          \|- a e - c d
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 166
--S 167 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
```

```
--R
    (4)
--R
       log
                    +-----+
2 +-+ | 2 2 2 3 | 2
--R
--R
            ((d e x + d) | a | a e + c d + (- a d e - c d) x) | c x + a
--R
--R
--R
                                    2 | 2 2
--R
            ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
--R
--R
                    2 2 2 3 +-+
            ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
--R
--R
                  +-+ | 2
--R
           (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
                 cdx-ae
       - atanh(-----)
--R
           +----+
--R
             | 2 2 | 2
--R
--R
             --R /
--R
      | 2 2
--R
--R
      --R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 167
--S 168 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 168
--S 169 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
       +----+
--R
        1 2 2
--R
                            cdx-ae
--R
       - \|- a e - c d atanh(-----)
                         +----+
--R
                         | 2 2 | 2
--R
--R
                         \label{lambda} | a + c d | c x + a
--R
         +----+
--R
```

```
| 2 2
--R
--R
        2\|a e + c d
--R
            --R
--R
           d = a - c d | c + a + (-e + d) = a - c d | a
--R
--R
--R
                              2 2
                            (ae + cd)x
--R
--R /
--R
      | 2 2 | 2 2
--R
     --R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 169
--S 170 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 170
)clear all
--S 171 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^2*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
                 1
--R
   (1) -----
--R
       2 2 2 2 2
--R
--R
       (ex + 2d ex + d) \setminus |cx + a|
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 171
--S 172 of 1581
r0:=-c*d*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))/_
   (c*d^2+a*e^2)^(3/2)-e*sqrt(a+c*x^2)/((c*d^2+a*e^2)*(d+e*x))
--R
--R
--R
    (2)
--R
                                         +----+
                                        | 2 2 | 2
--R
             2 cdx-ae
    (c d e x + c d )atanh(-----) - e\|a e + c d \|c x + a
--R
                    +----+
--R
                    | 2 2 | 2
--R
                   --R
```

```
--R
                   3 2 2 3 | 2 2
--R
--R
                ((a e + c d e)x + a d e + c d) \setminus |a e + c d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 172
--S 173 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
   [
--R
--R
--R
             2 3 +-+ | 2 2 3
--R
          ((c d e x + c d) | a | c x + a - a c d e x - a c d)
--R
--R
          log
                               +----+
--R
                         2 +-+ | 2 2
--R
--R
                 ((d e x + d) | a | a e + c d + (- a d e - c d) x)
--R
--R
--R
                 | 2
--R
                 \c x + a
--R
--R
                    2 2 2 2 2 2
--R
--R
                ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
                       2 2 2
--R
                                        3 +-+
--R
                ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
                        +----+
--R
                     +-+ | 2
--R
              (e x + d) \setminus |a \setminus |c x + a - a e x - a d
--R
             +----+ +----+
--R
           2 | 2 2 | 2
                                        2 2 +-+ | 2 2
--R
       - a e x | a e + c d | c x + a + (- c d e x + a e x) | a | a e + c d
--R
--R
--R
                                       +----+
--R.
                  3 2 2 4 +-+ | 2 2 | 2
--R
         ((a d e + c d e)x + a d e + c d) | a | a e + c d | c x + a
--R
                                         +----+
--R
            2 3 3 2 2 2 4 | 2 2
--R
--R
         ((-ade -acde)x -ade -acd) \setminus |ae +cd
--R
--R
```

```
--R
              2 3 +-+ | 2 2 3
--R
--R
          ((2c d e x + 2c d )\|a \|c x + a - 2a c d e x - 2a c d )
--R
              +----+
| 2 2 | 2
--R
                                           | 2 2 +-+
--R
--R
             d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
                                 2 2
--R
--R
                              (ae + cd)x
--R
--R
            2 | 2 2 | 2
--R
        -aex||-ae-cd|||cx+a||
--R
--R
--R
--R.
              2 2 | 2 +-+
        (-cdex + aex) \setminus |-ae - cd \setminus |a
--R
--R
--R
            3 3 22 4 | 2 2 +-+ | 2
--R
        ((a d e + c d e)x + a d e + c d )\|- a e - c d \|a \|c x + a
--R
--R
--R
            2 3 3 2 2 2 4 | 2 2
--R
        ((-ade -acde)x -ade -acd) | -ae -cd
--R
--R
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 173
--S 174 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
          +----+
2 +-+ | 2 2
--R
--R
--R
        (cd | a | cx + a - acd)
--R
--R
        log
--R
                                      2 3 | 2
                     2 +-+ | 2 2
--R
--R.
             ((d e x + d) | a | a e + c d + (- a d e - c d) x) | c x + a
--R
--R
                  2 2 2
                                     2 | 2 2
--R
--R
             ((-ae -cd)x -adex-ad)|ae +cd
--R
                 3 2 2 2 3 +-+
--R
--R
             ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
```

```
--R
--R
--R
                   +-+ | 2
--R
            (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
               +----+
--R
           2 +-+ | 2
                                 cdx-ae
--R
--R
       (-cd | a | cx + a + acd) atanh(-----)
--R
                                   1 2 2 1 2
--R
--R
                                   --R
                                   +----+
--R
           | 2 2 | 2 +-+ | 2 2
--R
       - a \in |a \in + c d \mid c x + a + a \in |a \mid a \in + c d
--R
--R /
--R
                     +----+
          2 3 +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
       (a d e + c d) | a | a e + c d | c x + a
--R
--R
                     +----+
         2 2 3 | 2 2
--R
--R
       (-ade -acd) | ae +cd
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 174
--S 175 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 175
--S 176 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
             +-----+ +----+ +----+
2 | 2 2 +-+ | 2 2 | 2 2
--R
--R
        (-\ c\ d\ |-\ a\ e\ -\ c\ d\ ||\ a\ +\ a\ +\ a\ c\ d\ ||\ -\ a\ e\ -\ c\ d\ )
--R
--R
--R
                cdx-ae
        atanh(-----)
--R
             +----+
--R
             1 2 2 1 2
--R
--R
             --R
                +----+
--R
                                        +----+
```

```
2 +-+ | 2 2 | 2 2 2
--R
--R
         (2c\ d\ |\ a\ +\ c\ d\ |\ |\ c\ x\ +\ a\ -\ 2a\ c\ d\ |\ |\ a\ e\ +\ c\ d\ ) 
--R
            --R
--R
           d = a - c d | c + a + (-e + d) = a - c d | a
--R
--R
--R
                              2 2
                            (ae + cd)x
--R
--R
--R
          +----+
          | 2 2 | 2 2 | 2
--R
      - a \in \{-a \in -c d \mid a \in +c d \mid c x + a\}
--R
--R
         +----+
--R
--R
         | 2 2 +-+ | 2 2
--R
      ae = -cd |a| + cd
--R /
--R
                 +----+ +----+
              3 | 2 2 +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
       (a d e + c d) \\ |- a e - c d \\ |a \\ |a e + c d \\ |c x + a
--R
--R
--R
         2 2 3 | 2 2 | 2 2
--R
       (-ade -acd) = -cd = +cd
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 176
--S 177 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 177
)clear all
--S 178 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^3*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R.
--R (1) -----
--R
                           +----+
       3 3 2 2 2 3 | 2
--R
--R
      (ex + 3dex + 3dex + d) \setminus |cx + a|
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 178
```

```
--S 179 of 1581
r0:=-1/2*c*(2*c*d^2-a*e^2)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_
   \sqrt{(a+c*x^2)}
   ((c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^2)-3/2*c*d*e*sqrt(a+c*x^2)/_
   ((c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x))
--R
--R
--R
    (2)
              4 2 2 2 2 3 2 3 2 2 4
--R
        ((-ace + 2cde)x + (-2acde + 4cde)x - acde + 2cd)
--R
--R
--R
                 cdx-ae
        atanh(-----)
--R
            +----+
--R
--R
             | 2 2 | 2
--R
            --R
--R
             2 3 2 | 2 2 | 2
--R
--R
       (-3cdex-ae-4cde)\ae+cd\cx+a
--R /
--R
          26 24 2422 2 5 33 25
--R
        (2a e + 4a c d e + 2c d e)x + (4a d e + 8a c d e + 4c d e)x
--R
--R
          2 2 4 4 2 2 6
--R
        2a d e + 4a c d e + 2c d
--R
--R
       +----+
--R
       1 2 2
--R.
       \label{lagrange} \ + c d
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 179
--S 180 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Ε
                  2 4 2 4 2 2
--R
                                    3 3 2 5
--R
              (2a c d e - 4c d e)x + (4a c d e - 8c d e)x + 2a c d e
--R
--R.
                 2 6
              - 4c d
--R
--R
                +----+
--R
--R
             +-+ | 2
            --R
--R
               2 2 4 3 4 2 4 2 3 3 3 5 3
--R
```

```
--R
          (-acde + 2cde)x + (-2acde + 4cde)x
--R
--R
              --R
           (- 2a c d e + 3a c d e + 2c d )x + (- 4a c d e + 8a c d e)x
--R
             2 4 2 2 6
--R
--R
          - 2acde + 4acd
--R
         log
--R
--R
                      2 +-+ | 2 2 2 3 | 2
--R
              ((d e x + d)|a |a e + c d + (a d e + c d)x)|c x + a
--R
--R
--R
                   2 2 2
                                      2 | 2 2
--R
--R
               ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
--R
                   3
                       2 2 2
                                       3 +-+
               ((-ae -cde)x + (-ade -cd)x)|a
--R
--R
--R
                      +----+
                   +-+ | 2
--R
--R
             (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
            2 3 2 3 2 5 2 3 2 4 2
--R
           3c d e x + (-2a e - 7a c d e + 4c d e)x
--R
--R
             2 4 3 2
--R
--R
           (- 4a d e - 10a c d e )x
--R
--R
          +----+
          | 2 2 | 2
--R
--R
          --R
--R
              5 2234
                                 4 2323
           (a c e + 4c d e ) x + (2a c d e + 2c d e ) x
--R
--R
--R
                  2 3 \qquad 2 4 \qquad 2 \qquad 2 \qquad 4
           (2a e + 7a c d e - 4c d e)x + (4a d e + 10a c d e)x
--R
--R
--R
          +-+ | 2 2
--R
--R.
         \|a \|a e + c d
--R
--R
            2 2 6 4 4 2 6 2 2
--R
           (4ade + 8acde + 4cde)x
--R
--R
            235 53 27 244 62 28
--R
           (8a d e + 16a c d e + 8c d e)x + 4a d e + 8a c d e + 4c d
--R
```

```
--R
             +----+
           +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
          --R
               2 2 6 2 4 4 3 6 2 4
--R
--R
            (- 2a c d e - 4a c d e - 2c d e ) x
--R
--R
               2 3 5 2 5 3 3 7 3
            (- 4a c d e - 8a c d e - 4c d e)x
--R
--R
                                 262 382
--R
               3 2 6 2 4 4
--R
            (-4ade - 10acde - 8acde - 2cd)x
--R
              3 3 5 2 5 3 2 7
--R
                                         3 4 4 2 6 2 2 8
           (-8ade -16acde -8acde)x -4ade -8acde -4acd
--R
--R
--R
           +----+
           1 2 2
--R
           \lae + c d
--R
--R
--R
                     24 242 2 33 25
--R
               (-4acde +8cde)x + (-8acde +16cde)x
--R
--R
                    4 2 2 6
--R
               - 4a c d e + 8c d
--R
--R
--R
--R
              +-+ | 2
--R
             |a|c x + a
--R
               2 2 4 3 4 2 4 2 3 3 3 5 3
--R
--R
            (2a c d e - 4c d e)x + (4a c d e - 8c d e)x
--R
               2 2 4 2 4 2 3 6 2 2 3 3
--R
            (4a c d e - 6a c d e - 4c d )x + (8a c d e - 16a c d e)x
--R
--R
--R
             2 4 2 2 6
--R
            4acde - 8acd
--R
                +----+
--R
               | 2 2 | 2
                                               | 2 2 +-+
--R
--R
              d\backslash | \text{-} \text{ a e } \text{-} \text{ c d } \backslash | \text{c x } \text{+} \text{ a } \text{+} \text{ (-e x - d)} \backslash | \text{-} \text{ a e } \text{-c d } \backslash | \text{a}
--R
                                   2 2
--R
--R
                                (ae + cd)x
--R
             2 3 2 3 2 5 2 3 2 4 2
--R
           3c d e x + (- 2a e - 7a c d e + 4c d e)x
--R
--R
```

```
2 4 3 2
--R
--R
          (- 4a d e - 10a c d e )x
--R
--R
          +----+
         | 2 2 | 2
--R
--R
         --R
--R
             5 2234
                               4 2323
         (a c e + 4c d e )x + (2a c d e + 2c d e )x
--R
--R
--R
           25 23 24 2 24
          (2a e + 7a c d e - 4c d e)x + (4a d e + 10a c d e)x
--R
--R
--R
         +----+
--R
         2 2 +-+
--R
         --R
--R
           2 2 6 4 4 2 6 2 2
--R
          (4a d e + 8a c d e + 4c d e )x
--R
--R
           235 53 27 244 62 28
--R
          (8a d e + 16a c d e + 8c d e)x + 4a d e + 8a c d e + 4c d
--R
--R
         | 2 2 +-+ | 2
--R
--R
         --R
--R
             2 2 6 2 4 4 3 6 2 4
--R
          (- 2a c d e - 4a c d e - 2c d e )x
--R
--R
             2 3 5 2 5 3 3 7 3
--R
          (- 4a c d e - 8a c d e - 4c d e)x
--R
             3 2 6 2 4 4 2 6 2 3 8 2
--R
--R
          (-4ade - 10acde - 8acde - 2cd)x
--R
--R
            3 3 5 2 5 3
                           2 7
                                   3 4 4 2 6 2 2 8
--R
         (-8ade -16acde -8acde)x -4ade -8acde -4acd
--R
--R
         +----+
         1 2
--R
         \|- a e - c d
--R
--R.
     ]
--R
                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 180
--S 181 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
```

```
--R (4)
--R
             2 2 2 4 +-+ | 2 2 2 2 3 4 2
--R
--R
         (2a c d e - 4c d) | a | c x + a + (- a c d e + 2c d) x
--R
            2 2 2 2 4
--R
--R
        - 2acde + 4acd
--R
--R
        log
--R
                    2 +-+ | 2 2 2 3 | 2
--R
            ((d e x + d)|a |a e + c d + (a d e + c d)x)|c x + a
--R
--R
--R
                 2 2 2
                                   2 | 2 2
--R
--R
             ((-ae -cd)x -adex-ad)|ae +cd
--R.
--R
                 3
                     2 2 2
                                     3 +-+
            ((-ae -cde)x + (-ade -cd)x)|a
--R
--R
--R
                    +----+
--R
                  +-+ | 2
--R
           (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
                        +----+
             2 2 2 4 +-+ | 2 2 2 2 3 4 2
--R
--R
         (2a c d e - 4c d) | a | c x + a + (- a c d e + 2c d) x
--R
--R
           2 2 2 2 4
--R
         - 2acde + 4acd
--R
--R
                cdx-ae
--R
--R
--R
            | 2 2 | 2
            --R
--R
--R
                    +----+
         23 2 | 2 2 | 2
--R
--R
      (-2ae - 8acde) \mid ae + cd \mid cx + a
--R
--R
--R.
          3 2 2 2 2 3 2 +-+ | 2 2
--R
       ((a c e + 4c d e)x + 2a e + 8a c d e) | a | a e + c d
--R /
--R
                             +----+
        2 2 4 4 2 2 6 +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
      (4a d e + 8a c d e + 4c d) | a | a e + c d | c x + a
--R
--R
            2 2 4 2 4 2 3 6 2 3 2 4 2 4 2 2 6
```

```
--R
       ((- 2a c d e - 4a c d e - 2c d )x - 4a d e - 8a c d e - 4a c d )
--R
--R
        +----+
        1 2 2
--R
--R
       --R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 181
--S 182 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--Е 182
--S 183 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
              2 2 2 4 | 2 2 +-+ | 2
--R
         (2a c d e - 4c d )\|- a e - c d \|a \|c x + a
--R
--R
--R
              2 2 2 3 4 2 2 2 2 2 4 | 2 2
--R
--R
         ((-acde + 2cd)x - 2acde + 4acd)\|-ae -cd
--R
--R
               cdx-ae
        atanh(-----)
--R
          +----+
--R
            | 2 2 | 2
--R
--R
            \|a e + c d \|c x + a
--R
--R
                          +----+
              2 2 2 4 +-+ | 2 2 | 2
--R
         (-4acde +8cd)\|a\|ae +cd\|cx +a
--R
--R
--R
             2 2 2 3 4 2 2 2 2
                                    24 | 2 2
--R
         ((2a c d e - 4c d)x + 4a c d e - 8a c d) | a e + c d
--R
--R
            +----+
--R
            | 2 2 | 2
                                        | 2 2 +-+
--R
           d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
        atan(-----)
--R
--R
                             2 2
                            (ae + cd)x
--R
--R
```

```
--R
                          ----+ +----+
         23 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
       (-2ae - 8acde) = -cd = +cd = x + a
--R
         3 2 2 2 2 3 2 1 2 2 +-+ | 2 2
--R
--R
--R
      ((a c e + 4c d e)x + 2a e + 8a c d e) \\ |-a e - c d \\ |a \\ a e + c d
--R /
                              +----+
--R
          2 2 4 4 2 2 6 | 2 2 +-+ | 2 2
--R
--R
        (4a d e + 8a c d e + 4c d) = a e - c d = a e + c d
--R
--R
         1 2
--R
        \|c x + a
--R
--R
--R
            2 2 4 2 4 2 3 6 2 3 2 4 2 4 2 2 6
--R
        ((- 2a c d e - 4a c d e - 2c d )x - 4a d e - 8a c d e - 4a c d )
--R
        +----+
--R
--R
        | 2 2 | 2 2
--R
        \|-ae -cd \|ae +cd
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 183
--S 184 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 184
)clear all
--S 185 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^4*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
--R
--R
        44 33 222 3 4 2
--R
--R.
       (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) \ c x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 185
--S 186 of 1581
r0:=-1/2*c^2*d*(2*c*d^2-3*a*e^2)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_
   \sqrt{(a+c*x^2)}/(c*d^2+a*e^2)^(7/2)-1/3*e*sqrt(a+c*x^2)/_
```

```
((c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^3)-5/6*c*d*e*sqrt(a+c*x^2)/((c*d^2+_
   a*e^2)^2*(d+e*x)^2)-1/6*c*e*(11*c*d^2-4*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/_
   ((c*d^2+a*e^2)^3*(d+e*x))
--R
--R
    (2)
--R
              2 5 3 3 3 3 2 2 4 3 4 2 2
--R
--R
          (- 9a c d e + 6c d e )x + (- 27a c d e + 18c d e )x
--R
--R
               2 3 3
                      3 5
                                 2 4 2 3 6
         (- 27a c d e + 18c d e)x - 9a c d e + 6c d
--R
--R
--R
                 cdx-ae
--R
        atanh(-----)
             +----+
--R
--R
             | 2 2 | 2
--R
             --R
                                  4 232 25 23
--R
              5 2232
--R
          (4a c e - 11c d e )x + (3a c d e - 27c d e )x - 2a e - 5a c d e
--R
--R
              2 4
          - 18c d e
--R
--R
         +----+
--R
         | 2 2 | 2
--R
--R
        --R /
          3 9 2 2 7 2 4 5 3 6 3 3
--R
--R
        (6a e + 18a c d e + 18a c d e + 6c d e )x
--R
           3 8 2 3 6 2 5 4 3 7 2 2
--R
--R
        (18a d e + 54a c d e + 54a c d e + 18c d e )x
--R
--R
           3 2 7
                  2 4 5
                              263
                                      38 336 2 54
--R
        (18a d e + 54a c d e + 54a c d e + 18c d e)x + 6a d e + 18a c d e
--R
--R
           272 39
--R
        18a c d e + 6c d
--R
--R
       +----+
       | 2 2
--R
--R.
       \|a e + c d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 186
--S 187 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R (3)
--R
   Ε
--R
                  3 4 5 4 6 3 5 3 5 4 4 7 2 4
--R
              (9a c d e - 6c d e )x + (27a c d e - 18c d e )x
--R
                  2 2 4 5 3 6 3 4 8 3
--R
--R
               (36a c d e + 3a c d e - 18c d e)x
--R
                  2 2 5 4 3 7 2 4 9 2
--R
--R
              (108a c d e - 63a c d e - 6c d )x
--R
                  2 2 6 3 3 8 2 2 7 2 3 9
--R
              (108a c d e - 72a c d e)x + 36a c d e - 24a c d
--R
--R
--R
              +-+ | 2
--R
--R
             --R
               2 3 4 5 4 6 3 5 2 3 5 4 4 7 2 4
--R
            (- 27a c d e + 18a c d e )x + (- 81a c d e + 54a c d e )x
--R
--R
               3 2 4 5 2 3 6 3 4 8 3
--R
--R
            (- 36a c d e - 57a c d e + 54a c d e)x
--R
                3 2 5 4 2 3 7 2 4 9 2
--R
            (- 108a c d e + 45a c d e + 18a c d )x
--R
--R
--R
                 3 2 6 3 2 3 8 3 2 7 2 2 3 9
--R
            (- 108a c d e + 72a c d e)x - 36a c d e + 24a c d
--R
--R
          log
--R
                             +----+
                                         2 3 | 2
                        2 +-+ | 2 2
--R
--R
               ((d e x + d) | a | a e + c d + (a d e + c d) x) | c x + a
--R
--R
                                         2 | 2 2
--R
                    2
                         2 2
               ((-ae -cd)x -adex-ad)\|ae +cd
--R
--R
                         2 2
--R
                                          3 +-+
               ((-ae - cde)x + (-ade - cd)x)|a
--R
--R
--R.
                        +----+
--R
                     +-+ | 2
--R
              (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
               3 8 2 2 2 6 3 4 4 5
--R
            (- 2a c e - 5a c d e - 18a c d e )x
--R
--R
--R
               3 7 2235 353 4
```

```
--R
          (- 6a c d e - 27a c d e - 21a c d e ) x
--R
--R
              48 3 26 2244 3623
--R
           (-8ae - 26acde - 96acde + 27acde)x
--R
              4 7 3 3 5
                               2 2 5 3
--R
                                         3 7 2
--R
           (- 24a d e - 72a c d e - 162a c d e + 36a c d e)x
--R
               4 2 6 3 4 4
--R
                                2 2 6 2
          (- 24a d e - 72a c d e - 108a c d e )x
--R
--R
          +----+
--R
          1 2 2 1 2
--R
         --R
--R
--R
             3 3 5 4 5 3 6
--R
           (4a c d e - 11c d e )x
--R
--R
            3 8 2 2 2 6 3 4 4 4 6 2 5
--R
           (6ace + 15acde + 57acde - 27cde)x
--R
             3 7 2235 353 474
--R
--R
           (18a c d e + 63a c d e + 102a c d e - 18c d e)x
--R
            48 3 26 2244 3623
--R
           (8a e + 38a c d e + 132a c d e + 27a c d e )x
--R
--R
--R
             4 7 3 3 5 2 2 5 3 3 7 2
--R
           (24a d e + 72a c d e + 162a c d e - 36a c d e)x
--R
--R
              4 2 6 3 4 4
                              2 2 6 2
--R
          (24a d e + 72a c d e + 108a c d e )x
--R
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2 2
--R
         |a|a + cd
--R
             3 3 9 2 2 5 7 3 7 5 4 9 3 5
--R
--R
           (6acde + 18acde + 18acde + 6cde)x
--R
--R
             3 4 8 2 2 6 6 3 8 4
                                        4 10 2 4
--R
           (18a c d e + 54a c d e + 54a c d e + 18c d e )x
--R
--R
             4 3 9 3 5 7 2 2 7 5 3 9 3 4 11 3
--R
           (24a d e + 90a c d e + 126a c d e + 78a c d e + 18c d e)x
--R
--R
              4 4 8 3 6 6 2 2 8 4 3 10 2 4 12 2
           (72a d e + 222a c d e + 234a c d e + 90a c d e + 6c d )x
--R
--R
--R
              457 375 2293 311 466
```

```
--R
           (72a d e + 216a c d e + 216a c d e + 72a c d e)x + 24a d e
--R
            3 8 4 2 2 10 2 3 12
--R
--R
           72a c d e + 72a c d e + 24a c d
--R
             +----+
--R
          +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
          --R
               4 3 9 3 2 5 7
                                 2 3 7 5 4 9 3 5
--R
--R
          (-18acde -54acde -54acde -18acde)x
--R
               4 4 8 3 2 6 6 2 3 8 4 4 10 2 4
--R
--R
           (-54acde -162acde -162acde -54acd e)x
--R
--R
                  5 3 9 4 5 7 3 2 7 5 2 3 9 3
--R
                - 24a d e - 126a c d e - 234a c d e - 186a c d e
--R
--R
                    4 11
--R
                - 54a c d e
--R
--R
             3
--R
            x
--R
                  5 4 8 4 6 6 3 2 8 4 2 3 10 2
--R
               - 72a d e - 234a c d e - 270a c d e - 126a c d e
--R
--R
--R
                    4 12
--R
                - 18a c d
--R
--R
            2
--R
            X
--R
                5 5 7 4 7 5 3 2 9 3 2 3 11 5 6 6
--R
--R
           (- 72a d e - 216a c d e - 216a c d e - 72a c d e)x - 24a d e
--R
--R
              4 8 4 3 2 10 2
                                 2 3 12
--R
           - 72a c d e - 72a c d e - 24a c d
--R
--R
           +----+
           | 2 2
--R
          --R
--R.
--R
                   3 4 5 4 6 3 5 3 5 4 4 7 2 4
--R
              (- 18a c d e + 12c d e )x + (- 54a c d e + 36c d e )x
--R
--R
--R
                  2 2 4 5 3 6 3 4 8 3
              (- 72a c d e - 6a c d e + 36c d e)x
--R
--R
```

```
--R
--R
             (- 216a c d e + 126a c d e + 12c d )x
--R
--R
                  2 2 6 3
                            3 8
                                     2 2 7 2 3 9
--R
            (- 216a c d e + 144a c d e)x - 72a c d e + 48a c d
--R
--R
               +----+
--R
            +-+ | 2
--R
            --R
             2 3 4 5 4 6 3 5 2 3 5 4 4 7 2 4
--R
          (54a c d e - 36a c d e )x + (162a c d e - 108a c d e )x
--R
--R
             3 2 4 5 2 3 6 3
--R
                               483
          (72a c d e + 114a c d e - 108a c d e)x
--R
--R
--R
              3 2 5 4 2 3 7 2
                               492
--R
           (216a c d e - 90a c d e - 36a c d )x
--R
              3 2 6 3 2 3 8 3 2 7 2 2 3 9
--R
--R
           (216a c d e - 144a c d e)x + 72a c d e - 48a c d
--R
--R
              +----+
--R
             | 2 2 | 2
                                          2 2 +-+
             d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
         atan(-----
--R
                               2 2
--R
--R
                             (ae + cd)x
--R
             3 8 2 2 2 6 3 4 4 5
--R
--R
          (- 2a c e - 5a c d e - 18a c d e )x
--R
--R
                 7 2235 3534
--R
          (- 6a c d e - 27a c d e - 21a c d e )x
--R
             48 3 26 2244 3623
--R
--R
          (-8ae - 26acde - 96acde + 27acde)x
--R
              4 7 3 3 5 2 2 5 3 3 7 2
--R
--R
          (- 24a d e - 72a c d e - 162a c d e + 36a c d e)x
--R
              4 2 6 3 4 4
--R
                               2 2 6 2
--R
          (- 24a d e - 72a c d e - 108a c d e )x
--R
          +----+
--R
          1 2 2 1 2
--R
--R
         --R
             3 3 5 4 5 3 6
--R
--R
           (4a c d e - 11c d e )x
```

```
--R
            3 8 2 2 2 6 3 4 4 4 6 2 5
--R
--R
           (6ace + 15acde + 57acde - 27cde)x
--R
             3 7 2235 353 474
--R
--R
           (18a c d e + 63a c d e + 102a c d e - 18c d e)x
--R
             48 3 26 2244
--R
           (8a e + 38a c d e + 132a c d e + 27a c d e )x
--R
--R
             4 7 3 3 5 2 2 5 3
                                        372
--R
           (24a d e + 72a c d e + 162a c d e - 36a c d e)x
--R
--R
              4 2 6 3 4 4
--R
                              2 2 6 2
           (24a d e + 72a c d e + 108a c d e )x
--R
--R
--R
          +----+
--R
          2 2 +-+
--R
          \|-ae -cd \|a
--R
--R
            3 3 9 2 2 5 7 3 7 5 4 9 3 5
           (6a c d e + 18a c d e + 18a c d e + 6c d e )x
--R
--R
--R
             3 4 8 2 2 6 6 3 8 4 4 10 2 4
--R
           (18a c d e + 54a c d e + 54a c d e + 18c d e )x
--R
              4 3 9 3 5 7 2 2 7 5 3 9 3 4 11 3
--R
--R
           (24a d e + 90a c d e + 126a c d e + 78a c d e + 18c d e)x
--R
--R
              4 4 8 3 6 6 2 2 8 4 3 10 2 4 12 2
--R
           (72a d e + 222a c d e + 234a c d e + 90a c d e + 6c d )x
--R
              457 3 75
--R
                               2 2 9 3
                                          3 11
--R
           (72a d e + 216a c d e + 216a c d e + 72a c d e)x + 24a d e
--R
--R
             3 8 4 2 2 10 2 3 12
--R
          72acde + 72acde + 24acd
--R
--R
           +----+
          | 2 2 +-+ | 2
--R
--R
          --R
--R
               4 3 9 3 2 5 7 2 3 7 5 4 9 3 5
--R
           (- 18a c d e - 54a c d e - 54a c d e - 18a c d e )x
--R
--R
               4 48
                        3 2 6 6 2 3 8 4 4 10 2 4
--R
           (-54acde - 162acde - 162acde - 54acd e)x
--R
--R
                   5 3 9 4 5 7 3 2 7 5 2 3 9 3
--R
                - 24a d e - 126a c d e - 234a c d e - 186a c d e
```

```
--R
--R
                      4 11
--R
                  - 54a c d e
--R
--R
               3
--R
              x
--R
                     5 4 8 4 6 6 3 2 8 4 2 3 10 2
--R
                 - 72a d e - 234a c d e - 270a c d e - 126a c d e
--R
--R
--R
                      4 12
                  - 18a c d
--R
--R
--R
               2
--R
              x
--R
--R
                5 5 7 4 7 5 3 2 9 3 2 3 11 5 6 6
--R
             (-72a d e - 216a c d e - 216a c d e - 72a c d e)x - 24a d e
--R
--R
                4 8 4 3 2 10 2 2 3 12
--R
             - 72a c d e - 72a c d e - 24a c d
--R
--R
--R
            1 2 2
--R
           \|- a e - c d
--R
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 187
--S 188 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                3 4 2 4 6 2 2 2 4 2 3 6 +-+ | 2
--R
--R
           ((9a c d e - 6c d)x + 36a c d e - 24a c d) | a | c x + a
--R
                2 3 4 2 4 6 2 3 2 4 2 2 3 6
--R
--R
           (-27a c d e + 18a c d)x - 36a c d e + 24a c d
--R
--R
         log
--R.
                                           2 3 | 2
                        2 +-+ | 2 2
--R
--R
               ((d e x + d) | a | a e + c d + (a d e + c d) x) | c x + a
--R
--R
--R
                    2 2 2
                                           2 | 2 2
               ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
--R
```

```
3 2 2 2 3 +-+
--R
            ((-ae -cde)x + (-ade -cd)x)|a
--R
--R
--R
                    +----+
--R
                  +-+ | 2
--R
           (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
            3 4 2 4 6 2 2 2 4 2 3 6 +-+ | 2
--R
--R
         ((9a c d e - 6c d)x + 36a c d e - 24a c d)|a|c x + a
--R
             --R
         (- 27a c d e + 18a c d )x - 36a c d e + 24a c d
--R
--R
--R
                cdx-ae
--R
        atanh(-----)
--R
            +----+
            | 2 2 | 2
--R
--R
            --R
--R
             3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3
          (- 2a c e - 5a c d e - 18a c d e)x - 8a e - 20a c d e
--R
--R
--R
             2 2 4
--R
           - 72a c d e
--R
        +----+
--R
        | 2 2 | 2
--R
--R
        \|a e + c d \|c x + a
--R.
          3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3 2 2 4
--R
--R
        ((6a c e + 15a c d e + 54a c d e)x + 8a e + 20a c d e + 72a c d e)
--R
--R
          +----+
        +-+ | 2 2
--R
--R
        |a|a + cd
--R /
--R
          3 3 6 2 2 5 4 3 7 2 4 9 2 4 3 6
--R
         (6a c d e + 18a c d e + 18a c d e + 6c d )x + 24a d e
--R
          3 5 4 2 2 7 2 3 9
--R
        72a c d e + 72a c d e + 24a c d
--R
--R
--R
           +----+
        +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
        |a| = + cd |cx + a|
--R
--R
            4 36
                     3 2 5 4 2 3 7 2 4 9 2 5 3 6
         (- 18a c d e - 54a c d e - 54a c d e - 18a c d )x - 24a d e
--R
--R
```

```
4 5 4 3 2 7 2 2 3 9
--R
--R
         - 72a c d e - 72a c d e - 24a c d
--R
--R
         +----+
        1 2 2
--R
--R
       \exists e + c d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 188
--S 189 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 189
--S 190 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
--R
               3 4 2 4 6 2 2 2 4 2 3 6 | 2 2 +-+
           ((9a c d e - 6c d)x + 36a c d e - 24a c d) = a e - c d = a
--R
--R
--R
--R
            1 2
--R
           \c x + a
--R
--R
             2342 462 3242 236 | 2 2
--R
--R
        ((- 27a c d e + 18a c d )x - 36a c d e + 24a c d )\|- a e - c d
--R
--R
                 cdx-ae
        atanh(-----)
--R
--R
           +----+
             | 2 2 | 2
--R
             \|a e + c d \|c x + a
--R
--R
                  3 4 2 4 6 2 2 2 4 2 3 6 +-+
--R
           ((-18a c d e + 12c d)x - 72a c d e + 48a c d)|a
--R
--R
--R
            +----+
            | 2 2 | 2
--R
--R
          \|a e + c d \|c x + a
--R
--R
              2 3 4 2 4 6 2 3 2 4 2 2 3 6 | 2 2
--R
--R
          ((54a c d e - 36a c d)x + 72a c d e - 48a c d) | a e + c d
```

```
--R
           | 2 2 | 2
|-ae-c2 | 2
--R
--R
                                   | 2 2 +-+
--R
          d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
                           2
--R
                                2
--R
                         (ae + cd)x
--R
            3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3
--R
         (-2a c e - 5a c d e - 18a c d e)x - 8a e - 20a c d e
--R.
--R
            2 2 4
--R
--R
         - 72a c d e
--R
--R
       +----+
--R
       | 2 2 | 2 2 | 2
--R
       --R
--R
         --R
       ((6a c e + 15a c d e + 54a c d e)x + 8a e + 20a c d e + 72a c d e)
--R
       +----+
--R
--R
       | 2 2 +-+ | 2 2
--R
       --R /
         3 3 6 2 2 5 4 3 7 2 4 9 2 4 3 6
--R
--R
        (6a c d e + 18a c d e + 18a c d e + 6c d )x + 24a d e
--R
--R
          3 5 4 2 2 7 2 3 9
--R
        72acde + 72acde + 24acd
--R
       +----+ +----+
--R
       | 2 2 +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
       --R
                           2 3 7 2 4 9 2 5 3 6
--R
           4 3 6 3 2 5 4
--R
        (- 18a c d e - 54a c d e - 54a c d e - 18a c d )x - 24a d e
--R
           4 5 4
--R
                  3 2 7 2
                          2 3 9
--R
        - 72a c d e - 72a c d e - 24a c d
--R
--R
       +----+
--R
       | 2 2 | 2
--R
       \|-ae -cd \|ae +cd
--R
                                 Type: Expression(Integer)
--E 190
--S 191 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
```

```
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 191
)clear all
--S 192 of 1581
t0:=(d+e*x)^4/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
                  3 3 2 2 2 3
--R
          4 4
          e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
--R
--R
--R
                    2 | 2
--R
--R
                  (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 192
--S 193 of 1581
r0:=3/2*e^2*(4*c*d^2-a*e^2)*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)-_
    (a*e-c*d*x)*(d+e*x)^3/(a*c*sqrt(a+c*x^2))-1/2*d*e*(4*c*d^2-_
    11*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/(a*c^2)-d*e*(d+e*x)^2*sqrt(a+c*x^2)/_
    (a*c)+1/2*e^2*(5*a*d*e-(2*c*d^2-3*a*e^2)*x)*sqrt(a+c*x^2)/(a*c^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                               +-+
             2 4 2 2 1 2
--R
                                              x\|c
         (-3a e + 12a c d e) | c x + a atanh(-----)
--R
--R
--R
--R
                                             \c x + a
--R
                                     2 4 2 2
                                                         2 4
--R
                4 3
                             3 2
--R
            a c e x + 8a c d e x + (3a e - 12a c d e + 2c d) x + 16a d e
--R
--R
                  3
--R
            - 8a c d e
--R
--R
           +-+
--R.
          \lc
--R /
--R
                +----+
           2 +-+ | 2
--R
--R
       2a c | c | c x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 193
```

```
--S 194 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
--R
               2 4 2 2 2 2 3 4 2 2 2 +-+ | 2
--R
          ((- 9a c e + 36a c d e )x - 12a e + 48a c d e )\|a \|c x + a
--R
--R
--R
                   3 2 2 4 3 4
                                       2 2 2 2 2 4 4
           (3a c e - 12a c d e)x + (15a c e - 60a c d e)x + 12a e
--R
--R
             3 22
--R
--R
          - 48a c d e
--R
--R
                        +----+
                       | 2
--R
             +-+ +-+
                                    2
                                         +-+
--R
            ( |a |c - c | + a + (-c | - a) |c + c |a |
         log(-----)
--R
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
                          |a|cx + a - a
--R
              --R
           -acex -8acdex + (-7ace + 12acde - 2cd)x
--R
--R
--R
               232 34 222 24
--R
           - 16a c d e x + (- 12a e + 48a c d e - 8a c d )x
--R
--R
            +----+
          +-+ | 2
--R
--R
         \c \c \c x + a
--R
             2 4 5 2 3 3 3 4
--R
--R
          3a c e x + (8a c d e + 8c d e)x
--R
--R
             2 4 2 2 2 3 4 3 2 3 2
--R
          (13ace - 36acde + 6cd)x + 16acdex
--R
             3 4 2 2 2 2 4
--R
          (12a e - 48a c d e + 8a c d )x
--R
--R.
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|c
--R
--R
--R
         3 2 2 2 +-+ +-+ | 2 4 4 2 3 2 3 2 +-+
      (6a c x + 8a c )\|a \|c \|c x + a + (- 2a c x - 10a c x - 8a c )\|c
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
                 2 4 2 2 2 2 3 4 2 2 2 +-+ | 2
--R
            ((- 18a c e + 72a c d e )x - 24a e + 96a c d e )\|a \|c x + a
--R
              2 2 4 3 2 2 4 3 4
                                            2 2 2 2 2 4 4
--R
--R
            (6a c e - 24a c d e )x + (30a c e - 120a c d e )x + 24a e
--R
--R
              3 2 2
           - 96a c d e
--R
--R
                  +----+
--R
              +---+ | 2
--R
                             +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
          atan(-----)
--R
                        СХ
--R
--R
              2 4 5 2 3 4 2 4 2 2 2 3 4 3
            -acex -8acdex + (-7ace + 12acde - 2cd)x
--R
--R
--R
                232 34 222
--R
            - 16a c d e x + (- 12a e + 48a c d e - 8a c d )x
--R
--R
              +----+
           +---+ | 2
--R
--R
          --R
--R
              2 4 5 2 3 3 3 4
--R
            3a c e x + (8a c d e + 8c d e)x
--R
               2 4 2 2 2 3 4 3 2 3 2
--R
--R
            (13a c e - 36a c d e + 6c d)x + 16a c d e x
--R
                    2 2 2 2 4
--R
              3 4
--R
           (12a e - 48a c d e + 8a c d )x
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
--R
            3 2 2 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
         (6a c x + 8a c) = c = a = c
--R.
--R
             4 4
                   2 3 2 3 2 +---+
        (- 2a c x - 10a c x - 8a c )\|- c
--R
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 194
--S 195 of 1581
```

```
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
              2 4 2 2 2 2 3 4 2 2 2 | 2
--R
--R
          ((-3ace + 12acde)x - 12ae + 48acde)\|cx + a
--R
             2 4 2 2 2 2 3 4 2 2 2 +-+
--R
--R
         ((9a c e - 36a c d e )x + 12a e - 48a c d e )\|a
--R
                        +----+
--R
            +-+ +-+
                       | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
           (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
                         --R
--R
             2 4 2 2 2 2 3 4 2 2 2 | 2
--R
--R
          ((3a c e - 12a c d e )x + 12a e - 48a c d e )\c + a
--R
--R
             2 4 2 2 2 2 3 4 2 2 2 +-+
--R
          ((-9ace + 36acde)x - 12ae + 48acde)\|
--R
--R
--R
               x \mid c
--R
        atanh(-----)
--R
             +----+
             1 2
--R
--R
             \c x + a
--R
--R
              3 2 3 2 2 3 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
      ((16a c d e - 8c d e)x + 64a d e - 32a c d e)|a |c |c x + a
--R
--R
            2 3 2 3 3 +-+
       ((- 48a c d e + 24a c d e)x - 64a d e + 32a c d e)\|c
--R
--R /
--R
        3 2 2 2 +-+ | 2 3 2 2 2 +-+ +-+
--R
--R.
      (2a c x + 8a c )\|c \|c x + a + (- 6a c x - 8a c )\|a \|c
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 195
--S 196 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 196
--S 197 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
    (6)
--R
--R
--R
            2 4 2 2 2 2 3 4 2 2 2 +---+ | 2
--R
          ((3a c e - 12a c d e )x + 12a e - 48a c d e )\|- c \|c x + a
--R
              2 4 2 2 2 2
                                 3 4
--R
                                        2 2 2 +---+ +-+
          ((- 9a c e + 36a c d e )x - 12a e + 48a c d e )\|- c \|a
--R
--R
--R
                +-+
--R
              x \mid c
         atanh(-----)
--R
              +----+
--R
--R
             1 2
--R
             \c x + a
--R
--R
              2 4 2 2 2 2 3 4 2 2 2 +-+ | 2
--R
          ((- 6a c e + 24a c d e )x - 24a e + 96a c d e )\|c \|c x + a
--R
--R
--R
              2 4 2 2 2 2 3 4 2 2 2 +-+ +-+
--R
          ((18a c e - 72a c d e)x + 24a e - 96a c d e)|a|c
--R
--R
                +----+
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
            |- c |c  + a - |- c |a
--R
        atan(-----)
--R
                     сх
--R
--R
               3 2 3 2 2 3 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
       ((16a c d e - 8c d e)x + 64a d e - 32a c d e) | - c | a | c | c x + a
--R
               3 232 33
                                        2 3 +---+ +-+
--R
       ((-48a c d e + 24a c d e)x - 64a d e + 32a c d e) | - c | c
--R
--R /
--R.
                          +----+
        3 2 2 2 +---+ +-+ | 2
                                        3 2 2 2 +---+ +-+ +-+
--R
--R
      --R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 197
--S 198 of 1581
```

```
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
--R
                (7) 0
--R
                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--Е 198
)clear all
--S 199 of 1581
t0:=(d+e*x)^3/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
                                      3 3 2 2 2 3
 --R
 --R
                                    e x + 3d e x + 3d e x + d
 --R
                                                 2 | 2
--R
--R
--R
                                               (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 199
--S 200 of 1581
 \texttt{r0:=3*d*e^2*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)-(a*e-c*d*x)*} \\ = \texttt{r0:=3*d*e^2*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^3(3/2)-(a*e-c*d*x)*} \\ = \texttt{r0:=3*d*e^2*atanh(x*sqrt(a+c*x^2))/c^3(3/2)-(a*e-c*d*x)*} \\ = \texttt{r0:=3*d*e^2*atanh(x*sqrt(a+c*x^2))/c^3(3/2)-(a*e-c*d*x)*} \\ = \texttt{r0:=3*d*e^2*atanh(x*sqrt(a+c*x^2))/c^3(3/2)-(a*e-c*d*x)*} \\ = \texttt{r0:=3*d*e^2*atanh(x*sqrt(a+c*x^2))/c^3(3/2)-(a*e-c*x^2)} \\ = \texttt{r0:=3*d*e^2*atanh(x*sqrt(a+c*x^2))/c^3(3/2)-(a*e-c*x^2)} \\ = \texttt{r0:=3*d*e^2*atanh(x*sqrt(a+c*x^2))/c^3(a*e-c*x^2)} \\ = \texttt{r0:=3*d*e^2*atanh(x*sqrt(a+c*x^2))/c^3(a*e-c*x^2)}
                 (d+e*x)^2/(a*c*sqrt(a+c*x^2))-e*(2*c*d^2-a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/_
                 (a*c^2)+e^2*(a*e-c*d*x)*sqrt(a+c*x^2)/(a*c^2)
--R
--R
--R
                    (2)
                                                            +----+
2 | 2
--R
                                                                                                                                      +-+
                                                                                                                                x\|c
--R
                                 3a c d e \c + a atanh(-----)
--R
                                                                                                                   +----+
--R
--R
                                                                                                                            1 2
--R
                                                                                                                          \c x + a
--R
                                                3 2 2 3 2 3
--R
                                 (a c e x + (- 3a c d e + c d)x + 2a e - 3a c d e) | c
--R
--R /
                                                     +----+
--R
                                    2 +-+ | 2
 --R
--R
                           a c |c |c x + a
--R.
                                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 200
--S 201 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
--R [
--R
                +-----+
2 2 2 2 +-+ | 2 2 2 2 3 2
--R
--R
          ((3a\ c\ d\ e\ x\ +6a\ d\ e\ )\backslash |a\ \backslash |c\ x\ +a\ -6a\ c\ d\ e\ x\ -6a\ d\ e\ )
--R
--R
                        | 2 2 +-+ +-+
--R
              +-+ +-+
--R
             (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
                           |a|cx + a - a
--R
--R
              2 2 2 3 +-+ | 2
--R
--R
        (-3acdex + (6ade - 2acd)x)\c \c x + a
--R
                     2 233 2 2
--R
              3 4
           acex + (-3acde + cd)x + 3acdex
--R
--R
--R
              2 2 3
          (- 6a d e + 2a c d )x
--R
--R
--R
          +-+ +-+
--R
          \|a \|c
--R
--R
          2 2 2 +-+ +-+ | 2 2 2 2 3 +-+
--R
--R
       (a c x + 2a c) | a | c | c x + a + (-2a c x - 2a c) | c
--R
--R
--R
                                +----+
                2 2 2 2 +-+ | 2 2 2 2 3 2
--R
--R
          ((6a c d e x + 12a d e) | a | c x + a - 12a c d e x - 12a d e)
--R
--R
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
          atan(-----)
--R
--R
                       сх
--R
--R
--R.
              2 2 2 2 3 +---+ | 2
--R
         (-3a c d e x + (6a d e - 2a c d)x) | - c | c x + a
--R
                       2 2 3 3 2 2
--R
--R
           acex + (-3acde + cd)x + 3acdex
--R
              2 2 3
--R
--R
           (- 6a d e + 2a c d )x
```

```
--R
--R
           +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
--R
          2 2 2 +---+ +--+ | 2 2 2 2 3 +---+
--R
--R
       (a c x + 2a c) | - c | a | c x + a + (- 2a c x - 2a c) | - c
--R
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 201
--S 202 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
                 +----+
                2 | 2 2 2 +-+
--R
--R
         (6a c d e | c x + a + (-3c d e x - 6a c d e) | a)
--R
--R
                         +----+
             +-+ +-+ | 2 2
--R
--R
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
         log(-----
--R
                            +-+ | 2
--R
--R
                           |a|c x + a - a
--R
--R
                2 | 2 | 2 | 2 +-+ x\c|c
--R
--R
        (-6a c d e | c x + a + (3c d e x + 6a c d e) | a) atanh(-----)
--R
                                                       1 2
--R
--R
                                                       \c x + a
--R
--R
          3 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
       (4a e - 6c d e) | a | c | c x + a
--R
              3 22 2 23
--R
--R
       ((-2a c e + 3c d e)x - 4a e + 6a c d e) | c
--R /
--R
            +----+
       2 +-+ | 2 3 2 2 +-+ +-+
--R
--R
      2a c \|c \|c x + a + (- c x - 2a c )\|a \|c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 202
--S 203 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
```

```
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 203
--S 204 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                   2 +---+ | 2 2 2 2 2 +---+ +-+
--R
         (- 6a c d e \|- c \|c x + a + (3c d e x + 6a c d e )\|- c \|a )
--R
--R
--R
                  +-+
--R
                x\|c
--R
         atanh(-----)
--R
               +----+
               1 2
--R
--R
              \c x + a
--R
--R
                  2 +-+ | 2 2 2 2 2 +-+ +-+
--R
--R
          (12a c d e \c | c x + a + (- 6c d e x - 12a c d e ) \ | a \ | c )
--R
--R
--R
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
             |- c |c + a - |- c |a
         atan(-----)
--R
--R
                         сх
--R
--R
           3 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (4a e - 6c d e) = c = a = c + a
--R
               3 22 2 23
--R
                                       2 +---+ +-+
--R
        ((-2a c e + 3c d e)x - 4a e + 6a c d e) | - c | c
--R /
--R
                   +----+
                              3 2 2 +---+ +-+ +-+
        2 +---+ +-+ | 2
--R
      2a c \mid -c \mid c \mid c x + a + (-c x - 2a c) \mid -c \mid a \mid c
--R
--R.
                                             Type: Expression(Integer)
--E 204
--S 205 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
```

```
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 205
)clear all
--S 206 of 1581
t0:=(d+e*x)^2/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
         2 2
--R
         e x + 2d e x + d
--R
   (1) -----
         2 | 2
--R
--R
--R
        (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 206
--S 207 of 1581
r0:=e^2*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^2))/c^(3/2)-(a*e-c*d*x)*(d+e*x)/_
    (a*c*sqrt(a+c*x^2))-d*e*sqrt(a+c*x^2)/(a*c)
--R
--R
            +----+
                           +-+
          2 | 2
--R
                                   2 2 +-+
                           x\|c
        a e \c + a atanh(-----) + ((- a e + c d )x - 2a d e)\c
--R
                         +----+
--R
--R
                         1 2
--R
                         \c x + a
--R
--R
                              +-+ | 2
--R
--R
                            a c | c | c x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 207
--S 208 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Ε
--R
                  +----+
              2 +-+ | 2 2 2 2 2
--R
--R
           (a e | a | c x + a - a c e x - a e)
--R
--R
                           +----+
               +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
              (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
--R
          log(-----)
--R
```

```
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
                         --R
                     +----+
--R
                                   2 2 2 +-+ +-+
          2 2 +-+ | 2
--R
--R
        (a e - c d)x|c|cx + a + (2c d e x + (- a e + c d)x)|a|c
--R
              +----+
--R
         +-+ +-+ | 2
--R
                           2 2 2 +-+
--R
      a c | a | c | c x + a + (-acx -ac) | c
--R
--R
--R
--R
             2 +-+ | 2
                             2 2 2 2
--R
         (2a e | a | c x + a - 2a c e x - 2a e)
--R
--R
                 +----+
             +---+ | 2
--R
                          +---+ +-+
--R
            --R
         atan(-----)
--R
                  сх
--R
--R
          2 2 +---+ | 2
--R
--R
        (a e - c d)x = c \leq x + a
--R
              2 2 2 +---+ +-+
--R
--R
        (2c d e x + (-a e + c d)x) | - c | a
--R
                +----+
--R
        --R
       \verb|a c | - c | a | c | x + a + (- a c | x - a c) | - c | 
--R
--R
--R
                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 208
--S 209 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R.
           +----+
--R
           2 | 2
                       2 +-+
--R
        (a e | c x + a - a e | a)
--R
--R
                      +----+
--R
                    | 2 2 +-+ +-+
           (|a|c - cx)|cx + a + (-cx - a)|c + cx|a
--R
--R
        log(-----)
```

```
--R
--R
                            +-+ | 2
--R
                           --R
--R
                                       +-+
            --R
--R
      (- a e \|c x + a + a e \|a )atanh(-----)
--R
                                     1 2
--R
--R
                                    \c x + a
--R
--R
            +-+ +-+ | 2 +-+
--R
       - 2d e\|a \|c \|c x + a + 2a d e\|c
--R
--R /
--R
           +----+
--R
       +-+ | 2 +-+ +-+
--R
      a c | c | c x + a - a c | a | c
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 209
--S 210 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 210
--S 211 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
--R
          2 +---+ | 2 2 +---+ +-+
                                               x\|c
--R
       (-ae \parallel -c \parallel c x + a + ae \parallel -c \parallel a) atanh(-----)
--R
                                              +----+
--R
                                              1 2
--R
--R
                                              \c x + a
--R
--R
--R.
            2 +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
         (2a e \c + a - 2a e \c )
--R
                 +----+
--R
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             |- c |c + a - |- c |a
--R
                      сх
--R
```

```
--R +
--R
         +---+ +-+ +-+ | 2 +---+ +-+
--R +---+ +-+ +-+ | \( \text{ --R} - 2d e \| - c \| a \| c \| c x + a + 2a d e \| - c \| c
                 +----+
--R
--R +---+ --+ 2 +---+ +-+ +-+
--R a c = c \le x + a - a c = c \le a \le c
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 211
--S 212 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 212
)clear all
--S 213 of 1581
t0:=(d+e*x)/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
      e x + d
--R
--R (1) -----
    2 | 2
--R
--R
--R (c x + a)\|c x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 213
--S 214 of 1581
r0:=(-a*e+c*d*x)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
         cdx-ae
--R (2) -----
    +-----+
| 2
--R
--R
--R
       a c \mid c x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 214
--S 215 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
            +----+
--R
```

```
--R | 2 2 +-+ 

--R - d x | c x + a + (e x + d x) | a
--R (3) -----
--R +-----+
--R +-+ | 2 2 2
--R
          a\|a \|c x + a - a c x - a
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 215
--S 216 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         +-+ | 2
--R
     - e\|a \|c x + a + a e
--R
--R (4) -----
--R +-----+
--R | 2 +-+
--R a c\|c x + a - a c\|a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 216
--S 217 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 217
)clear all
--S 218 of 1581
t0:=1/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
        1
--R
--R
    2 | 2
--R
--R
--R
       (cx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 218
--S 219 of 1581
r0:=x/(a*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
             X
```

```
--R +-----+
--R | 2
--R
--R
        a \le x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 219
--S 220 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
              +----+
| 2 +-+
--R
--R
--R
          -x/|cx + a + x/|a
--R (3) -----
--R +----+
--R +-+ | 2 2 2
--R
        a\|a \|c x + a - a c x - a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 220
--S 221 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 221
--S 222 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 222
)clear all
--S 223 of 1581
t0:=1/((d+e*x)*(a+c*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
                  1
--R
   (1) -----
         3 2 | 2
--R
--R
--R
        (cex + cdx + aex + ad) \setminus |cx + a|
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 223
```

```
--S 224 of 1581
r0:=-e^2*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))/_
    (c*d^2+a*e^2)^(3/2)+(a*e+c*d*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
    (2)
--R
       2 | 2
                                                         1 2 2
--R
                          cdx-ae
--R
    a e \c x + a atanh(-----) + (c d x + a e)\|a e + c d
--R
                      | 2 2 | 2
--R
                      \label{lambda} | a + c d | c x + a
--R
--R
--R
                                 +----+
--R
                     2 2 2 2 2 2 2
--R
                    (a e + a c d )\|a e + c d \|c x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 224
--S 225 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    Ε
--R
              2 +-+ | 2 2 2 2 2
--R
--R
           (a e | a | c x + a - a c e x - a e)
--R
--R
           log
                                 +----+
--R
                           2 +-+ | 2 2
--R
--R
                  ((d e x + d) | a + c d + (- a d e - c d) x)
--R
--R
                   1 2
--R
--R
                  \c x + a
--R
--R
                                             2 | 2 2
--R
                           2 2
--R
                 ((-ae -cd)x -adex-ad)|ae +cd
--R.
--R
                         2 2 2
                                          3 +-+
                 ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
--R
                         +----+
--R
                       +-+ | 2
               (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
```

```
--R
            +----+
           | 2 2 | 2 | 2 | +-+ | 2 2
--R
--R
      - c d x\|a e + c d \|c x + a + (- c e x + c d x)\|a \|a e + c d
--R
--R
        2 2 2 +-+ | 2 2 | 2
--R
       (a e + a c d )\|a \|a e + c d \|c x + a
--R
--R
--R
                                 +----+
          2 2 2 2 3 2 2 2 | 2 2
--R
--R
       ((-ace -acd)x -ae -acd)\|ae +cd
--R
--R
--R
            2 +-+ | 2 2 2 2 2
--R
--R
         (2a e | a | c x + a - 2a c e x - 2a e)
--R
             +-----+
| 2 2 | 2
--R
                                         | 2 2 +-+
--R
--R
             d = a - c d | c + a + (-e + d) = a - c d | a
--R
                            2 2
--R
--R
                             (ae + cd)x
--R
--R
             +----+
            | 2 2 | 2
--R
--R
        - c d x = - c d | c x + a
--R
--R
            2 | 2 2 +-+
--R.
--R
        (-cex + cdx) \setminus |-ae - cd \setminus |a|
--R
                  +----+
--R
        2 2 2 2 2 +-+ | 2
--R
--R
        (a e + a c d) = - c d | a | c x + a
--R
--R
--R
          2 2 2 2 3 2 2 2 | 2
       ((- a c e - a c d )x - a e - a c d )\|- a e - c d
--R
--R
--R
                         Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 225
--S 226 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
         2 | 2 2 +-+
--R
```

```
--R
        (a e | c x + a - a e | a)
--R
--R
        log
--R
                     2 +-+ | 2 2 2 3 | 2
--R
--R
             ((d e x + d) | a | a e + c d + (- a d e - c d) x) | c x + a
--R
--R
                  2 2 2
                                     2 | 2 2
--R
--R
             ((- a e - c d)x - a d e x - a d)\|a e + c d
--R
                3
                     2 2 2
                                    3 +-+
--R
             ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
--R
--R
                  +-+ | 2
--R
            (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
            +----+
           2 | 2 2 +-+
--R
       (- a e \|c x + a + a e \|a )atanh(-----)
--R
--R
                                 +----+
                                 | 2 2 | 2
--R
--R
                                 --R
        --R
--R
--R
       e \mid a \mid a e + c d \mid c x + a - a e \mid a e + c d
--R /
--R
                 +----+
       2 2 2 1 2 2 1 2
--R
--R
       (ae + acd) | ae + cd | cx + a
--R
--R
                      +----+
        2 2 2 +-+ | 2 2
--R
--R
       (-ae -acd)|a|ae +cd
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 226
--S 227 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 227
--S 228 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
```

```
--R
   (6)
--R
           +-----+
2 | 2 2 | 2 2 | 2 1 2 2 +-+
--R
--R
--R
        (-ae \parallel -ae -cd \parallel cx +a +ae \parallel -ae -cd \parallel a)
--R
--R
               cdx-ae
--R
           +----+
--R
            1 2 2 1 2
--R
--R
           --R
           +-----+
2 | 2 2 | 2 2 +++ | 2 2
--R
--R
        (2a e \  + c d \  | c x + a - 2a e \  | a e + c d )
--R
--R
--R.
            +----+
--R
            | 2 2 | 2
                                       | 2 2 +-+
           d = a - c d | c + a + (-e + d) = a - c d | a
--R
--R
--R
                            2 2
--R
                           (ae + cd)x
--R
--R
--R
       | 2 2 +-+ | 2 2 | 2
      e = - c d = + c d = + c d = + a
--R
--R
          +----+
--R
          | 2 2 | 2 2
--R
--R
      -ae | -ae -cd | ae +cd
--R /
                +----+ +----+
--R
       22 2 2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
      (ae + acd) = -cd = +cd = x + a
--R
                 +----+
--R
--R
        2 2
               2 | 2 2 +-+ | 2 2
      (-ae -acd)\|-ae -cd \|a\|ae +cd
--R
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 228
--S 229 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 229
)clear all
```

```
--S 230 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^2*(a+c*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
                                  1
--R
--R
          2 4 3
--R
                           2 2 2
                                                   2 | 2
        (c e x + 2c d e x + (a e + c d)x + 2a d e x + a d) | c x + a
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 230
--S 231 of 1581
r0:=-3*c*d*e^2*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))/_
    (c*d^2+a*e^2)^(5/2)+(a*e+c*d*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)*_
    sqrt(a+c*x^2)+e*(c*d^2-2*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/(a*(c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x))
--R
--R
--R
    (2)
--R
              3 22 | 2
--R
        (3a c d e x + 3a c d e )\|c x + a atanh(-----)
--R
--R
--R
                                        1 2 2 1 2
--R
                                        --R
--R
                 3 2 2 2 2 2 2 3 2 3 2
--R
         ((-2ace + cde)x + (acde + cd)x - ae + 2acde)
--R
--R
          1 2 2
--R
--R
         \label{lagrange} \ + c d
--R /
--R
          3 5 2 2 3
                         24 34 232
        ((a e + 2a c d e + a c d e)x + a d e + 2a c d e + a c d)
--R
--R
--R
        +----+
        | 2 2 | 2
--R
--R
       --R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 231
--S 232 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
   Γ
--R
                                                         +----+
```

```
2 2 3 3 2 2 2 2 3 2 3 2 +-+ | 2
--R
--R
          (3a c d e x + 3a c d e x + 6a c d e x + 6a c d e ) \setminus |a \setminus |c x + a
--R
--R
             --R
          - 6a c d e x - 6a c d e x - 6a c d e x - 6a c d e
--R
--R
         log
--R
                       2 +-+ | 2 2
--R
                ((d e x + d) | a + c d + (-a d e - c d)x)
--R
--R
                +----+
--R
                1 2
--R
--R
                \c x + a
--R
--R
--R
                  2 2 2
                                     2 | 2 2
              ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
--R
--R
                     2 2 2
--R
              ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
                      +----+
--R
                   +-+ | 2
--R
             (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
             2 4 2 2 2 3 2 3 2
--R
           (-ace + 2acde)x + 3acdex
--R
--R
             3 4 2 2 2 2 4
--R
          (- 2a e + 2a c d e - 2a c d )x
--R
          +----+
--R
          | 2 2 | 2
--R
--R
         --R
--R
                             2 4 2 2 2 3 4 3
               2 3 33 4
--R
          (-2acde + cde)x + (2ace - 3acde + cd)x
--R
--R
                 3 2 3 4 2 2 2
--R
          -3acdex + (2ae - 2acde + 2acd)x
--R
--R
            +----+
         +-+ | 2 2
--R
--R
         \ln = + c d
--R
--R
           3 5 2233 35 3
--R
          (acde + 2acde + acde)x
--R
--R
           3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
```

```
--R
          (acde + 2acde + acd)x
--R
--R
           4 5 3 3 3 2 2 5 4 2 4 3 4 2 2 2 6
--R
         (2ade + 4acde + 2acde)x + 2ade + 4acde + 2acd
--R
           +----+
--R
         +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
        --R
                5 3233 235 3
--R
            4
--R
         (- 2a c d e - 4a c d e - 2a c d e) x
--R
            4 2 4 3 2 4 2 2 3 6 2
--R
--R
          (- 2a c d e - 4a c d e - 2a c d ) x
--R
--R
           5 5 4 3 3 3 2 5 5 2 4 4 4 2 3 2 6
--R
         (- 2a d e - 4a c d e - 2a c d e)x - 2a d e - 4a c d e - 2a c d
--R
         +----+
--R
         | 2 2
--R
--R
         \label{lagrange} \ + c d
--R
--R
--R
             2 2 3 3 2 3 2 2 2 3 2 3 2 +-+
--R
           (6a c d e x + 6a c d e x + 12a c d e x + 12a c d e) \
--R
--R
--R
           1 2
--R
           \c x + a
--R.
             2 2 2 3 3 2 2 3 2 2 3 2 3 3 3 2
--R
--R
         - 12a c d e x - 12a c d e x - 12a c d e x - 12a c d e
--R
--R
             +----+
            | 2 2 | 2
                                       2 2 +-+
--R
           d = a - c d | c + a + (-e + d) = a - c d | a
--R
--R
         atan(-----)
--R
--R
                           (ae + cd)x
--R
            2 4 2 2 2 3 2 3 2
--R
--R
         (-ace + 2acde)x + 3acdex
--R.
            3 4 2 2 2 2 4
--R
--R
         (- 2a e + 2a c d e - 2a c d ) x
--R
--R
         +----+
--R
         | 2 2 | 2
         --R
--R.
```

```
2 \quad 3 \quad 3 \quad 3 \quad 4 \qquad \qquad 2 \quad 4 \qquad \qquad 2 \quad 2 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \quad 3
--R
            (-2acde + cde)x + (2ace - 3acde + cd)x
--R
--R
--R
                2 32 34 2 22
                                             2 4
--R
            -3acdex + (2ae - 2acde + 2acd)x
--R
--R
            +----+
            | 2 2 +-+
--R
           --R
--R
--R
             3 5 2233
                                 3 5 3
--R
            (acde + 2acde + acde)x
--R
              3 2 4 2 2 4 2 3 6 2
--R
--R
            (a c d e + 2a c d e + a c d)x
--R
--R
              4 5 3 3 3 2 2 5 4 2 4 3 4 2 2 2 6
--R
             (2a d e + 4a c d e + 2a c d e)x + 2a d e + 4a c d e + 2a c d
--R
--R
            +----+
--R
            | 2 2 +-+ | 2
           --R
--R
--R
                4 5 3233 235 3
--R
            (- 2a c d e - 4a c d e - 2a c d e)x
--R
--R
                4 2 4 3 2 4 2 2 3 6 2
--R
             (-2acde - 4acde - 2acd)x
--R
--R
               5 \quad 5 \quad 4 \quad 3 \quad 3 \quad 2 \quad 5 \quad \quad 5 \quad 2 \quad 4 \quad \quad 4 \quad 2 \quad \quad 3 \quad 2 \quad 6
--R
           (- 2a d e - 4a c d e - 2a c d e)x - 2a d e - 4a c d e - 2a c d
--R
--R
            +----+
            | 2 2
--R
--R
           --R
      ]
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 232
--S 233 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                 +----+
                                2 2 2 2 2 2 +-+
               2 2 | 2
--R
--R
         (6a c d e | c x + a + (-3c d e x - 6a c d e) | a)
--R
--R
         log
--R
                              +----+
                                                            +----+
```

```
2 +-+ | 2 2 2 3 | 2
--R
             ((d e x + d) | a | a e + c d + (- a d e - c d) x) | c x + a
--R
--R
--R
                  2 2 2
                                    2 | 2 2
--R
--R
             ((-ae -cd)x -adex-ad)|ae +cd
--R
                    2 2
--R
                              2
             ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
--R
                  +-+ | 2
--R
--R
            (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
                 +----+
--R
              2 2 | 2 2 2 2 2 +-+
--R
        (-6acde | cx + a + (3cdex + 6acde) | a)
--R
--R
                 cdx-ae
--R
        atanh(-----)
--R
             +----+
--R
             1 2 2 1 2
--R
            \label{lambda} | a + c d | c x + a |
--R
--R
                      +----+
          3 2 +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
       (-2a e + 4c d e) | a | a e + c d | c x + a
--R
--R
           3 2 2 2 2 3 2 1 2 2
--R.
--R
       ((a c e - 2c d e)x + 2a e - 4a c d e) | a e + c d
--R /
--R
        3 4 2 3 2 2 5 | 2 2 | 2
--R
--R
       (2a d e + 4a c d e + 2a c d) | a e + c d | c x + a
--R
--R
           2 4 232 352 34 232 25+-+
--R
        ((-acde - 2acde - cd)x - 2ade - 4acde - 2acd)
--R
--R
         +----+
        | 2 2
--R
        --R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 233
--S 234 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                 Type: Expression(Integer)
--E 234
--S 235 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
               +----+
             2 2 | 2 2 | 2
--R
        - 6a c d e \|- a e - c d \|c x + a
--R
--R
--R
         2 2 2 2 2 2 2 +-+
--R
        (3c d e x + 6a c d e) = a e - c d = a
--R
--R
--R
              cdx-ae
       atanh(-----)
--R
           +----+
--R
           | 2 2 | 2
--R
--R
          \label{lambda} | a + c d | c x + a
--R
--R
              +----+
--R
            2 2 | 2 2 | 2
        --R
--R
--R
           2 2 2 2 2 2 +-+ | 2 2
--R
--R
        (- 6c d e x - 12a c d e )\|a \|a e + c d
--R
           +-----+
| 2 2 | 2
--R
                                  | 2 2 +-+
--R
--R
          d = a - c d | c + a + (-e - d) = a - c d | a
       atan(-----)
--R
--R
                          2 2
--R
                        (ae + cd)x
--R
                 +----+ +----+
--R
             2 | 2 2 +-+ | 2 2 | 2
         3
--R
--R
      (-2a e + 4c d e)|-a e - c d | a | a e + c d | c x + a
--R
                              +----+
--R
--R.
         3 22 2 23
                           2 | 2 2 | 2 2
--R
      ((a c e - 2c d e)x + 2a e - 4a c d e) = - c d = + c d
--R /
--R
                         +----+
       3 4 2 3 2 2 5 | 2 2 | 2 2 | 2
--R
--R
      (2a d e + 4a c d e + 2a c d )\|- a e - c d \|a e + c d \|c x + a
--R
--R
```

```
--R
               ((-acde - 2acde - cd)x - 2ade - 4acde - 2acd)
--R
--R
                +----+
                                       +----+
--R
               | 2 2 +-+ | 2 2
--R
              \|-ae -cd \|a\|ae +cd
--R
                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 235
--S 236 of 1581
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
      (7) 0
--R
--R
                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 236
)clear all
--S 237 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^3*(a+c*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
      (1)
--R
        - 1
--R /
                 35 24 3 2 3 2 2
--R
--R
              cex + 3cdex + (ae + 3cde)x + (3ade + cd)x + 3adex
--R
--R
                  3
--R.
              a d
--R
             +----+
--R
--R
             1 2
--R
            \c x + a
--R
                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 237
--S 238 of 1581
r0:=-3/2*c*e^2*(4*c*d^2-a*e^2)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*_-)*_-)*_-
      sqrt(a+c*x^2)))/(c*d^2+a*e^2)^(7/2)+(a*e+c*d*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*_
      (d+e*x)^2*sqrt(a+c*x^2)+1/2*e*(2*c*d^2-3*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/_
      (a*(c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x)^2)+1/2*c*d*e*(2*c*d^2-13*a*e^2)*_
      sqrt(a+c*x^2)/(a*(c*d^2+a*e^2)^3*(d+e*x))
--R.
--R
--R
       (2)
--R
                       2 6 2 2 4 2 2 5 2 3 3
                (- 3a c e + 12a c d e )x + (- 6a c d e + 24a c d e )x - 3a c d e
--R
--R
--R
                        2 4 2
```

```
--R
         12a c d e
--R
--R
         +----+
--R
         1 2
                         cdx-ae
        \|c x + a atanh(-----)
--R
--R
                   +----+
                      | 2 2 | 2
--R
--R
                     \label{lambda} | a + c d | c x + a
--R
                                2 5
                2 4 3 3 2 3
--R
                                           2 2 3 3 4 2
--R
         (- 13a c d e + 2c d e )x + (- 3a c e - 14a c d e + 4c d e)x
--R
             2 4 232 35 35 223 24
--R
--R
         (-11acde + 6acde + 2cd)x - ae - 10acde + 6acde
--R
--R
         +----+
--R
         1 2 2
--R
        --R /
          48 3 26 2244 3622
--R
--R
        (2a e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d e )x
--R
          4 7 3 3 5 2 2 5 3 3 7 4 2 6 3 4 4
--R
--R
        (4a d e + 12a c d e + 12a c d e + 4a c d e)x + 2a d e + 6a c d e
--R
--R
          2 2 6 2 3 8
--R
        6a c d e + 2a c d
--R
--R
       +----+
--R
       | 2 2 | 2
--R
       \label{lambda} | a + c d | c x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 238
--S 239 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
                  2 2 2 6 3 4 4 4 2 2 3 5 3 5 3 3
--R
              (- 9a c d e + 36a c d e )x + (- 18a c d e + 72a c d e )x
--R
--R
--R
                   3 2 6 2 2 4 4 3 6 2 2
--R
              (- 12a c d e + 39a c d e + 36a c d e )x
--R
                  3 3 5 2 2 5 3 3 4 4 2 2 6 2
--R
--R
               (- 24a c d e + 96a c d e )x - 12a c d e + 48a c d e
--R
--R
                +----+
```

```
+-+ | 2
--R
--R
             --R
              2 3 2 6 4 4 4 6 2 3 3 5 4 5 3 5
--R
--R
            (3a c d e - 12a c d e )x + (6a c d e - 24a c d e )x
--R
--R
               3 2 2 6
                       2 3 4 4
                                   4624
--R
            (15a c d e - 57a c d e - 12a c d e )x
--R
--R
               3 2 3 5
                       2 3 5 3 3
            (30a c d e - 120a c d e )x
--R
--R
                        3 2 4 4 2 3 6 2 2
               4 2 6
--R
            (12a c d e - 33a c d e - 60a c d e )x
--R
--R
--R
              4 3 5 3 2 5 3 4 4 4 4 3 2 6 2
--R
            (24a c d e - 96a c d e )x + 12a c d e - 48a c d e
--R
--R
          log
--R
                          2 +-+ | 2 2
--R
--R
                 ((d e x + d) | a | a e + c d + (- a d e - c d) x)
--R
--R
                  1 2
--R
                 \c x + a
--R
--R
--R
                    2 2 2
                                          2 | 2 2
--R
--R.
                ((- a e - c d)x - a d e x - a d)\|a e + c d
--R
                   3 2 2 2
--R
                                        3 +-+
--R
               ((ae + cde)x + (ade + cd)x)|a
--R
                        +----+
--R
                      +-+ | 2
--R
--R
              (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
                3 3 4 4 5 2 5
--R
            (13a c d e - 2c d e )x
--R
--R
--R
               3 7 2 2 2 5 3 4 3 4 6 4
--R.
            (- 3a c e - 27a c d e + 32a c d e - 4c d e)x
--R.
--R
               3 6 2234 352 473
            (- 6a c d e + 3a c d e + 22a c d e - 2c d )x
--R
--R
--R
               47 3 25 2243 36 2
            (-4ae -30acde +60acde -4acde)x
--R
--R
```

```
4 6 3 3 4 2 2 5 2 3 7
--R
--R
           (-8ade -36acde +24acde -8acd)x
--R
--R
          +----+
          | 2 2 | 2
--R
          --R
--R
            2 2 7 3 2 5 4 4 3 6
--R
--R
          (ace + 10acde - 6cde) x
--R
--R
            2 2 6 3 3 4 4 5 2 5
--R
           (2a c d e - 19a c d e - 6c d e )x
--R
             3 7 2 2 2 5
--R
                              3 4 3 4 6 4
           (5ace + 42acde - 62acde + 6cde)x
--R
--R
--R
              3 6 2234 352 473
--R
           (10a c d e + 15a c d e - 34a c d e + 6c d)x
--R
--R
            47 3 25 2243 36 2
--R
           (4a e + 30a c d e - 60a c d e + 4a c d e)x
--R
            4 6 3 3 4 2 2 5 2 3 7
--R
--R
           (8a d e + 36a c d e - 24a c d e + 8a c d)x
--R
--R
          +-+ | 2 2
--R
--R
          |a|a + cd
--R
            4 28 3 2 4 6 2 3 6 4 4 8 2 4
--R
--R
           (6acde + 18acde + 18acde + 6acde)x
--R
--R
              4 3 7 3 2 5 5
                               2 3 7 3
--R
           (12a c d e + 36a c d e + 36a c d e + 12a c d e)x
--R
             5 2 8 4 4 6 3 2 6 4 2 3 8 2 4 10 2
--R
--R
           (8a d e + 30a c d e + 42a c d e + 26a c d e + 6a c d )x
--R
             5 3 7 4 5 5 3 2 7 3
                                                5 4 6
--R
                                       2 3 9
--R
           (16a d e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d e)x + 8a d e
--R
--R
            4 6 4 3 2 8 2 2 3 10
--R
           24a c d e + 24a c d e + 8a c d
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
          |a| = + cd |cx + a|
--R
              4 2 2 8 3 3 4 6 2 4 6 4 5 8 2 6
--R
--R
           (- 2a c d e - 6a c d e - 6a c d e - 2a c d e )x
```

```
--R
               4 2 3 7 3 3 5 5 2 4 7 3 5 9 5
--R
--R
           (-4acde - 12acde - 12acde - 4acde)x
--R
                5 28 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2 5 10 4
--R
--R
           (-10acde - 32acde - 36acde - 16acde - 2acd )x
--R
--R
               5 3 7 4 2 5 5
                                   3 3 7 3
           (- 20a c d e - 60a c d e - 60a c d e - 20a c d e)x
--R
--R
--R
                                          3 3 8 2 2 4 10 2
               6 2 8 5 4 6 4 2 6 4
--R
           (-8ade -34acde -54acde -38acde -10acd )x
--R
               637 5 55
--R
                                 4 2 7 3
                                           3 3 9
--R
           (- 16a d e - 48a c d e - 48a c d e - 16a c d e)x - 8a d e
--R
              5 6 4 4 2 8 2 3 3 10
--R
--R
            - 24a c d e - 24a c d e - 8a c d
--R
--R
           +----+
--R
           1 2 2
          \lae + c d
--R
--R
--R
--R
                   2 2 2 6 3 4 4 4 2 2 3 5 3 5 3 3
--R
              (- 18a c d e + 72a c d e )x + (- 36a c d e + 144a c d e )x
--R
--R
                   3 2 6 2 2 4 4 3 6 2 2
--R
              (- 24a c d e + 78a c d e + 72a c d e )x
--R
--R
                   3 3 5 2 2 5 3 3 4 4 2 2 6 2
--R
              (- 48a c d e + 192a c d e )x - 24a c d e + 96a c d e
--R
--R
                +----+
--R
              +-+ | 2
--R
             \ln \x + a
--R
              2 3 2 6 4 4 4 6 2 3 3 5 4 5 3 5
--R
           (6a c d e - 24a c d e )x + (12a c d e - 48a c d e )x
--R
--R
              3 2 2 6 2 3 4 4 4 6 2 4
--R
--R
            (30a c d e - 114a c d e - 24a c d e )x
--R
--R
              3 2 3 5
                       2 3 5 3 3
            (60a c d e - 240a c d e )x
--R
--R
--R
              4 2 6 3 2 4 4 2 3 6 2 2
--R
           (24a c d e - 66a c d e - 120a c d e )x
--R
--R
              4 3 5 3 2 5 3 4 4 4 4 3 2 6 2
```

```
--R
          (48a c d e - 192a c d e )x + 24a c d e - 96a c d e
--R
--R
              +----+
                                         2 2 +-+
             | 2 2 | 2
--R
            d = a - c d | c + a + (-e + d) = a - c d | a
--R
--R
--R
--R
                             (ae + cd)x
--R
--R
              3 3 4 4 5 2 5
--R
          (13a c d e - 2c d e )x
--R
             3 7 2 2 2 5 3 4 3 4 6 4
--R
--R
          (- 3a c e - 27a c d e + 32a c d e - 4c d e)x
--R
--R
             3 6 2234 352 473
--R
          (-6acde + 3acde + 22acde - 2cd)x
--R
             47 3 25 2243 36 2
--R
--R
          (-4ae -30acde +60acde -4acde)x
--R
             4 6 3 3 4 2 2 5 2 3 7
--R
--R
          (-8ade -36acde +24acde -8acd)x
--R
          +----+
--R
          | 2 2 | 2
--R
         \|-ae -cd \|cx +a
--R
--R
--R
           2 2 7 3 2 5 4 4 3 6
--R
          (ace + 10acde - 6cde)x
--R
            2 2 6 3 3 4 4 5 2 5
--R
--R
          (2a c d e - 19a c d e - 6c d e )x
--R
            3 7 2 2 2 5 3 4 3 4 6 4
--R
--R
          (5a c e + 42a c d e - 62a c d e + 6c d e)x
--R
            3 6 2234 352 473
--R
          (10a c d e + 15a c d e - 34a c d e + 6c d )x
--R
--R
            47 3 25 2243 36 2
--R
          (4a e + 30a c d e - 60a c d e + 4a c d e)x
--R
--R
--R
           4 6 3 3 4 2 2 5 2 3 7
--R
          (8ade + 36acde - 24acde + 8acd)x
--R
--R
          +----+
--R
          | 2 2 +-+
         \|-ae -cd \|a
--R
--R
    /
```

```
4 2 8 3 2 4 6 2 3 6 4 4 8 2 4
--R
--R
           (6acde + 18acde + 18acde + 6acde)x
--R
--R
              4 3 7
                       3 2 5 5
                                 2 3 7 3
                                           493
--R
           (12a c d e + 36a c d e + 36a c d e + 12a c d e)x
--R
              5 2 8 4 4 6 3 2 6 4 2 3 8 2 4 10 2
--R
--R
           (8ade + 30acde + 42acde + 26acde + 6acd)x
--R
--R
              5 3 7 4 5 5 3 2 7 3
                                         2 3 9
--R
           (16a d e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d e)x + 8a d e
--R
             4 6 4 3 2 8 2 2 3 10
--R
--R
           24a c d e + 24a c d e + 8a c d
--R
--R
           +----+
                        +----+
--R
           | 2 2 +-+ | 2
--R
          --R
--R
              4 2 2 8 3 3 4 6 2 4 6 4 5 8 2 6
--R
           (- 2a c d e - 6a c d e - 6a c d e - 2a c d e )x
--R
--R
               4 2 3 7 3 3 5 5
                                 2 4 7 3
                                          5 9 5
--R
           (-4acde - 12acde - 12acde - 4acde)x
--R
                5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2 5 10 4
--R
--R
           (-10acde - 32acde - 36acde - 16acde - 2acd )x
--R
--R
               5 3 7 4 2 5 5
                                  3 3 7 3
                                            2 4 9 3
--R
           (- 20a c d e - 60a c d e - 60a c d e - 20a c d e)x
--R
               6 2 8 5 4 6 4 2 6 4 3 3 8 2 2 4 10 2
--R
--R
           (-8ade - 34acde - 54acde - 38acde - 10acd) x
--R
--R
               637 5 55
                                 4 2 7 3
                                           3 3 9
--R
           (-16a d e -48a c d e -48a c d e -16a c d e)x -8a d e
--R
--R
              5 64
                       4 2 8 2 3 3 10
           - 24a c d e - 24a c d e - 8a c d
--R
--R
--R
           +----+
              2
--R
           1
--R
          \label{lem:alpha} \label{lem:alpha} \
--R
     1
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 239
--S 240 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
```

```
--R
   (4)
--R
--R
              2 2 2 4 3 4 2 2 3 2 4 2 2 2 4 2 | 2
--R
--R
         ((-3a c d e + 12a c d e)x - 12a c d e + 48a c d e) | c x + a
--R
             2 2 2 4 3 4 2 2 3 2 4 2 2 +-+
--R
--R
         ((9a c d e - 36a c d e )x + 12a c d e - 48a c d e )\|a
--R
--R
        log
--R
                     2 +-+ | 2 2 2 3 | 2
--R
             ((d e x + d)|a |a e + c d + (- a d e - c d)x)|c x + a
--R
--R
--R
--R
                  2
                      2 2
                                     2 | 2 2
--R
             ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
--R
                    2 2 2
                                   3 +-+
             ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
--R
--R
                   +-+ | 2
--R
            (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
             2 2 2 4 3 4 2 2 3 2 4 2 2 4 2 | 2
--R
--R
          ((3a c d e - 12a c d e)x + 12a c d e - 48a c d e) | c x + a
--R
              2 2 2 4 3 4 2 2 3 2 4 2 +-+
--R.
--R
         ((- 9a c d e + 36a c d e )x - 12a c d e + 48a c d e )\|a
--R
--R
                cdx-ae
--R
        atanh(-----)
--R
             +----+
             | 2 2 | 2
--R
            --R
--R
           2 5 2 2 3 3 4 2 3 5 2 2 3 2 4
--R
--R
        ((- a c e - 10a c d e + 6c d e)x - 4a e - 40a c d e + 24a c d e)
--R
--R
           +----+
--R.
        +-+ | 2 2 | 2
--R
        |a| = + cd |cx + a|
--R
           3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3 2 2 4
--R
--R
        ((3ace + 30acde - 18acde)x + 4ae + 40acde - 24acde)
--R
--R
         1 2 2
--R
```

```
--R
        --R /
--R
           4 2 6 3 2 4 4 2 3 6 2 4 8 2 5 2 6
--R
         (2a c d e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d)x + 8a d e
--R
--R
           4 4 4 3 2 6 2 2 3 8
--R
         24acde + 24acde + 8acd
--R
        +----+
--R
         1 2 2 1 2
--R
--R
        \label{lambda} | a + c d | c x + a |
--R
            4 26 3244
                              2 3 6 2 4 8 2 5 2 6
--R
--R
         (-6acde -18acde -18acde -6acd)x -8ade
--R
--R
            4 4 4 3 2 6 2 2 3 8
--R
         - 24a c d e - 24a c d e - 8a c d
--R
           +----+
--R
        +-+ | 2 2
--R
--R
        --R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 240
--S 241 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 241
--S 242 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
              2 2 2 4 3 4 2 2 3 2 4 2 2 4 2
--R
           ((3a c d e - 12a c d e )x + 12a c d e - 48a c d e )
--R
--R
--R
           +----+
           | 2 2 | 2
--R
--R
           --R
--R
              2 2 2 4 3 4 2 2 3 2 4 2 2 4 2
--R
           ((- 9a c d e + 36a c d e )x - 12a c d e + 48a c d e )
--R
--R
           +----+
           | 2 2 +-+
--R
           --R
```

```
--R
--R
             cdx-ae
--R
      atanh(-----)
--R
         +----+
--R
          1 2 2 1 2
--R
         --R
           2 2 2 4 3 4 2 2 3 2 4 2 2 4 2
--R
         ((- 6a c d e + 24a c d e )x - 24a c d e + 96a c d e )
--R
--R
--R
         +----+
         | 2 2 | 2
--R
         --R
--R
           2 2 2 4 3 4 2 2 3 2 4 2 +-+
--R
--R
         ((18a c d e - 72a c d e)x + 24a c d e - 96a c d e)|a
--R.
         +----+
--R
         1 2 2
--R
--R
         --R
          +----+
--R
          | 2 2 | 2
                                | 2 2 +-+
--R
--R
         d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
      atan(-----)
                        2 2
--R
--R
                       (ae + cd)x
--R
         2 5 2 2 3 3 4 2 3 5 2 2 3 2 4
--R
--R
      ((- a c e - 10a c d e + 6c d e)x - 4a e - 40a c d e + 24a c d e)
--R
       +----+ +----+
--R
       | 2 2 +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
      --R
        3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3 2 2 4
--R
--R
      ((3a c e + 30a c d e - 18a c d e)x + 4a e + 40a c d e - 24a c d e)
--R
--R
       +----+
       | 2 2 | 2 2
--R
      --R
--R /
--R
        4 2 6 3 2 4 4 2 3 6 2 4 8 2 5 2 6
--R
       (2a c d e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d )x + 8a d e
--R
--R
        4 4 4 3 2 6 2 2 3 8
--R
       24a c d e + 24a c d e + 8a c d
--R
--R
       +----+
       | 2 2 | 2 2 | 2
--R
```

```
--R
              --R
--R
                       4 2 6
                                    3 2 4 4
                                                    2 3 6 2 4 8 2 5 2 6
--R
                 (-6acde -18acde -18acde -6acd)x -8ade
--R
--R
                       4 4 4
                                     3 2 6 2
                                                    2 3 8
--R
                - 24a c d e - 24a c d e - 8a c d
--R
               +----+
--R
                             2 +-+ | 2
--R
               1 2
              --R
--R
                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 242
--S 243 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
     (7) 0
--R
                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 243
)clear all
--S 244 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^4*(a+c*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
      (1)
--R
     1
--R /
                 4 6 3 5
--R
                                          4 224
--R
              c e x + 4c d e x + (a e + 6c d e) x + (4a d e + 4c d e) x
--R
--R
                    2 2
                             4 2
                                           3
              (6ade + cd)x + 4adex + ad
--R
--R
             +----+
--R
               2
--R
--R
            \c x + a
--R
                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 244
--S 245 of 1581
\verb"r0:=-5/2*c^2*d*e^2*(4*c*d^2-3*a*e^2)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*_-)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_-)*_-)*_-)*_-
      sqrt(a+c*x^2)))/(c*d^2+a*e^2)^(9/2)+(a*e+c*d*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*_
      (d+e*x)^3*sqrt(a+c*x^2)+1/3*e*(3*c*d^2-4*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/_
      (a*(c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x)^3)+1/6*c*d*e*(6*c*d^2-29*a*e^2)*_
      sqrt(a+c*x^2)/(a*(c*d^2+a*e^2)^3*(d+e*x)^2)+1/6*c*e*(6*c^2*d^4-_e^2)^2
      83*a*c*d^2*e^2+16*a^2*e^4)*sqrt(a+c*x^2)/(a*(c*d^2+a*e^2)^4*(d+e*x))
```

```
--R
--R
--R
   (2)
              2 2 7 3 3 5 3 2 2 2 6 3 4 4 2
--R
         (-45acde +60acde)x + (-135acde +180acde)x
--R
--R
               2 2 3 5 3 5 3 2 2 4 4 3 6 2
--R
--R
         (- 135a c d e + 180a c d e )x - 45a c d e + 60a c d e
--R
--R
         +----+
--R
         1 2
                         cdx-ae
--R
         \|c x + a atanh(-----)
--R
                      | 2 2 | 2
--R
--R
                     \label{lambda} | a + c d | c x + a
--R
--R
            2 2 7 3 2 5 4 4 3 4
--R
         (16ace - 83acde + 6cde)x
--R
           2 2 6 3 3 4 4 5 2 3
--R
--R
         (3a c d e - 189a c d e + 18c d e )x
--R
--R
           3 7 2 2 2 5 3 4 3 4 6 2
--R
         (8ace - 106acde - 96acde + 18cde)x
--R
--R
           3 6 2234 352 47 47 3 25
          (9a c d e - 171a c d e + 36a c d e + 6c d )x - 2a e - 5a c d e
--R
--R
--R
              2 2 4 3 3 6
--R
         - 84a c d e + 24a c d e
--R
--R
         +----+
         | 2 2
--R
--R
        \label{lag} | a + c d
--R /
          5 11 4 2 9 3 2 4 7 2 3 6 5 4 8 3 3
--R
--R
         (6a e + 24a c d e + 36a c d e + 24a c d e + 6a c d e )x
--R
          5 10 4 38 3 2 5 6 2 3 7 4
--R
--R
         (18a d e + 72a c d e + 108a c d e + 72a c d e + 18a c d e )x
--R
--R
           5 2 9 4 4 7 3 2 6 5 2 3 8 3 4 10
--R.
        (18a d e + 72a c d e + 108a c d e + 72a c d e + 18a c d e)x
--R
--R
         5 3 8 4 5 6 3 2 7 4 2 3 9 2 4 11
        6a d e + 24a c d e + 36a c d e + 24a c d e + 6a c d
--R
--R
--R
       +----+
       | 2 2 | 2
--R
       \label{lambda} | a + c d | c x + a
--R
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 245
--S 246 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
   Ε
--R
                     2 4 4 7 5 6 5 7
                                               2 4 5 6
                                                            5746
                (- 45a c d e + 60a c d e )x + (- 135a c d e + 180a c d e )x
--R
--R
--R
                      3 3 4 7
                                2 4 6 5
                                             5835
--R
                (- 360a c d e + 345a c d e + 180a c d e )x
--R
--R
                      3 3 5 6 2 4 7 4 5 9 2 4
--R
                (- 1080a c d e + 1395a c d e + 60a c d e )x
--R
--R
                     4 2 4 7 3 3 6 5
                                          2 4 8 3 3
--R
                (- 360a c d e - 600a c d e + 1440a c d e )x
--R
--R
                      4 2 5 6 3 3 7 4 2 4 9 2 2
--R
                (- 1080a c d e + 1080a c d e + 480a c d e )x
--R
--R
                      4 2 6 5 3 3 8 3
                                            4 2 7 4 3 3 9 2
                (-1080a c d e + 1440a c d e)x - 360a c d e + 480a c d e
--R
--R
--R
                 +----+
--R
               +-+ | 2
--R
              --R
                3 4 4 7 2 5 6 5 7 3 4 5 6 2 5 7 4 6
--R
--R
            (180a c d e - 240a c d e )x + (540a c d e - 720a c d e )x
--R
--R
                4 3 4 7
                           3 4 6 5
                                      25835
--R
            (540a c d e - 180a c d e - 720a c d e )x
--R
--R
                 4 3 5 6
                            3 4 7 4
                                       25924
--R
            (1620a c d e - 1980a c d e - 240a c d e )x
--R
--R
                5 2 4 7 4 3 6 5 3 4 8 3 3
--R
             (360a c d e + 1140a c d e - 2160a c d e)x
--R
--R
                 5 2 5 6 4 3 7 4 3 4 9 2 2
--R
             (1080a c d e - 900a c d e - 720a c d e )x
--R
--R
                 5 2 6 5 4 3 8 3 5 2 7 4 4 3 9 2
             (1080a c d e - 1440a c d e )x + 360a c d e - 480a c d e
--R
--R
--R
           log
```

```
+-----+
2 +-+ | 2 2 2 3
--R
--R
--R
                 ((d e x + d) | a | a e + c d + (- a d e - c d) x)
--R
--R
                  +----+
                 1 2
--R
--R
                 \c x + a
--R
--R
                    2 2 2
                                        2 | 2 2
--R
--R
               ((-ae -cd)x -adex -ad)|ae +cd
--R
                       2 2
                                  2
                                       3 +-+
--R
               ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
--R
--R
                     +-+ | 2
--R
              (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
               --R
--R
           (- 2a c e - 5a c d e - 84a c d e + 24a c d e )x
--R
--R
               4 2 9 3 3 3 7 2 4 5 5 5 7 3 6
--R
            (- 6a c d e - 79a c d e + 80a c d e + 48a c d e )x
--R
               5 10 4 2 2 8 3 3 4 6 2 4 6 4 5
--R
--R
            (- 16a c e - 46a c d e - 699a c d e + 696a c d e )x
--R
                 5 9 4237 3355 2473
--R
--R
              - 48a c d e - 282a c d e - 933a c d e + 828a c d e
--R
--R
                   5 9
--R
              - 48a c d e
--R
--R
              4
--R
             x
--R
                 6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4
--R
--R
              - 16a e - 88a c d e - 852a c d e + 372a c d e
--R
                 2 4 8 2 5 10
--R
              288a c d e - 24a c d
--R
--R
--R
              3
--R
             X
--R
                 6 9 5 3 7 4 2 5 5 3 3 7 3
--R
--R
              - 48a d e - 192a c d e - 1188a c d e + 1008a c d e
--R
--R
                  2 4 9
```

```
- 48a c d e
--R
--R
--R
             2
--R
             X
--R
              6 2 8 5 4 6 4 2 6 4 3 3 8 2 2 4 10
--R
--R
          (-48a d e - 192a c d e - 648a c d e + 288a c d e - 48a c d )x
--R
           +----+
--R
           | 2 2 | 2
--R
--R
          --R
              2 4 3 7 5 5 5 6 7 3 8
--R
--R
           (16a c d e - 83a c d e + 6c d e )x
--R
--R
             4 2 10 3 3 2 8 2 4 4 6 5 6 4 6 8 2 7
--R
            (8a c e + 20a c d e + 339a c d e - 285a c d e + 18c d e)x
--R
              4 2 9 3 3 3 7 2 4 5 5 5 7 3 6 9 6
--R
--R
            (24a c d e + 196a c d e + 238a c d e - 336a c d e + 18c d e)x
--R
--R
                5 10 4 2 2 8 3 3 4 6 2 4 6 4
--R
              24a c e + 84a c d e + 1101a c d e - 963a c d e
--R
                   5 8 2 6 10
--R
              - 108a c d e + 6c d
--R
--R
--R
              5
--R
             x
--R
                5 9 4237 3355 2473
--R
--R
              72a c d e + 378a c d e + 1527a c d e - 1332a c d e
--R
--R
                 5 9
              72a c d e
--R
--R
--R
              4
--R
             X
--R
                6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
              16a e + 112a c d e + 948a c d e - 48a c d e - 432a c d e
--R
--R
--R
                 5 10
--R
              48a c d
--R
--R
              3
--R
             х
--R
                  6 9 5 3 7 4 2 5 5 3 3 7 3
--R
--R
                48a d e + 192a c d e + 1188a c d e - 1008a c d e
```

```
--R
--R
                 2 4 9
--R
                48a c d e
--R
--R
              2
--R
             x
--R
              6 2 8 5 4 6 4 2 6 4 3 3 8 2 2 4 10
--R
--R
           (48a d e + 192a c d e + 648a c d e - 288a c d e + 48a c d )x
--R
--R
           +-+ | 2 2
--R
--R
          --R
--R
              5 2 3 11 4 3 5 9 3 4 7 7 2 5 9 5 6 11 3 7
--R
            (6a c d e + 24a c d e + 36a c d e + 24a c d e + 6a c d e )x
--R.
--R
                5 2 4 10 4 3 6 8 3 4 8 6 2 5 10 4
--R
              18a c d e + 72a c d e + 108a c d e + 72a c d e
--R
--R
                 6 12 2
--R
              18a c d e
--R
--R
              6
--R
             X
--R
                6 3 11 5 2 5 9 4 3 7 7 3 4 9 5
--R
--R
               48a c d e + 210a c d e + 360a c d e + 300a c d e
--R
--R
                 2 5 11 3 6 13
--R
              120a c d e + 18a c d e
--R
--R
              5
--R
             x
--R
                 6 4 10 5 2 6 8 4 3 8 6 3 4 10 4
--R
--R
              144a c d e + 582a c d e + 888a c d e + 612a c d e
--R
                 2 5 12 2 6 14
--R
--R
               168acd e + 6acd
--R
--R
              4
--R.
             X
--R
                7 3 11 6 5 9 5 2 7 7 4 3 9 5
--R
--R
               48a d e + 336a c d e + 864a c d e + 1056a c d e
--R
--R
                 3 4 11 3 2 5 13
--R
              624a c d e + 144a c d e
--R
```

```
--R
              3
--R
             X
--R
                  7 4 10 6 6 8 5 2 8 6 4 3 10 4
--R
--R
              144a d e   + 624a c d e   + 1056a c d e   + 864a c d   e
--R
                  3 4 12 2 2 5 14
--R
--R
               336a c d e + 48a c d
--R
--R
               2
--R
              x
--R
                  7 5 9 6 7 7 5 2 9 5 4 3 11 3
--R
--R
               144a d e + 576a c d e + 864a c d e + 576a c d e
--R
--R
                 3 4 13
--R
               144a c d e
--R
--R
--R
             7 6 8 6 8 6 5 2 10 4 4 3 12 2 3 4 14
--R
--R
            48a d e + 192a c d e + 288a c d e + 192a c d e + 48a c d
--R
--R
             +----+
--R
           +-+ | 2 2 | 2
--R
           --R
                  6 2 3 11 5 3 5 9 4 4 7 7 3 5 9 5
--R
--R
               - 24a c d e - 96a c d e - 144a c d e - 96a c d e
--R
--R
                   2 6 11 3
--R
              - 24a c d e
--R
--R
              7
--R
             x
--R
                  6 2 4 10 5 3 6 8 4 4 8 6 3 5 10 4
--R
--R
               - 72a c d e - 288a c d e - 432a c d e - 288a c d e
--R
--R
                  2 6 12 2
--R
               - 72a c d e
--R
--R.
               6
--R
              x
--R
                  7 3 11 6 2 5 9 5 3 7 7 4 4 9 5
--R
--R
               - 72a c d e - 360a c d e - 720a c d e - 720a c d e
--R
--R
                   3 5 11 3 2 6 13
               - 360a c d e - 72a c d e
--R
```

```
--R
--R
             5
--R
             x
--R
                  7 4 10 6 2 6 8 5 3 8 6 4 4 10 4
--R
--R
              - 216a c d e - 888a c d e - 1392a c d e - 1008a c d e
--R
                   3 5 12 2 2 6 14
--R
--R
              - 312a c d e - 24a c d
--R
--R
              4
--R
             x
--R
                  8 3 11 7 5 9 6 2 7 7 5 3 9 5
--R
--R
               - 48a d e - 408a c d e - 1152a c d e - 1488a c d e
--R
                  4 4 11 3 3 5 13
--R
--R
              - 912a c d e - 216a c d e
--R
--R
              3
--R
             x
--R
--R
                  8 4 10 7 6 8 6 2 8 6 5 3 10 4
              - 144a d e - 648a c d e - 1152a c d e - 1008a c d e
--R
--R
--R
                   4 4 12 2 3 5 14
--R
               - 432a c d e - 72a c d
--R
--R
              2
--R
             x
--R
                   8 5 9 7 7 7 6 2 9 5 5 3 11 3
--R
--R
              - 144a d e - 576a c d e - 864a c d e - 576a c d e
--R
--R
                  4 4 13
--R
              - 144a c d e
--R
--R
--R
               8 6 8 7 8 6 6 2 10 4 5 3 12 2 4 4 14
--R
           - 48a de - 192a c de - 288a c de - 192a c de - 48a c d
--R
--R
--R
          +----+
           | 2 2
--R
--R
          --R
--R
--R
                  2 4 4 7 5 6 5 7
--R
              (- 90a c d e + 120a c d e )x
--R
```

```
2 4 5 6 5 7 4 6
--R
--R
               (- 270a c d e + 360a c d e )x
--R
                     3 3 4 7 2 4 6 5 5 8 3 5
--R
--R
                (- 720a c d e + 690a c d e + 360a c d e )x
--R
                     3 3 5 6 2 4 7 4 5 9 2 4
--R
--R
               (- 2160a c d e + 2790a c d e + 120a c d e )x
--R
                    4 2 4 7 3 3 6 5 2 4 8 3 3
--R
               (- 720a c d e - 1200a c d e + 2880a c d e )x
--R
--R
                     4 2 5 6 3 3 7 4 2 4 9 2 2
--R
--R
               (- 2160a c d e + 2160a c d e + 960a c d e )x
--R
--R
                     4 2 6 5 3 3 8 3
                                           4 2 7 4 3 3 9 2
--R
               (- 2160a c d e + 2880a c d e )x - 720a c d e + 960a c d e
--R
                 +----+
--R
--R
               +-+ | 2
--R
              --R
--R
                3 4 4 7 2 5 6 5 7 3 4 5 6 2 5 7 4 6
--R
            (360a c d e - 480a c d e )x + (1080a c d e - 1440a c d e )x
--R
                 4 3 4 7 3 4 6 5 2 5 8 3 5
--R
--R
            (1080a c d e - 360a c d e - 1440a c d e )x
--R
--R
                 4 3 5 6 3 4 7 4 2 5 9 2 4
--R
            (3240a c d e - 3960a c d e - 480a c d e )x
--R
                5 2 4 7 4 3 6 5 3 4 8 3 3
--R
--R
            (720a c d e + 2280a c d e - 4320a c d e )x
--R
                5 2 5 6 4 3 7 4
--R
                                       3 4 9 2 2
--R
            (2160a c d e - 1800a c d e - 1440a c d e )x
--R
--R
                5 2 6 5 4 3 8 3
                                      5 2 7 4
--R
            (2160a c d e - 2880a c d e )x + 720a c d e - 960a c d e
--R
--R
                | 2 2 | 2
                                               | 2 2 +-+
--R
--R.
               d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
--R
                                    2 2
--R
                                 (ae + cd)x
--R
               4 2 10 3 3 2 8 2 4 4 6 5 6 4 7
--R
            (- 2a c e - 5a c d e - 84a c d e + 24a c d e ) x
--R
--R
```

```
4 2 9 3 3 3 7 2 4 5 5 5 7 3 6
--R
--R
           (-6acde -79acde +80acde +48acde)x
--R
--R
               5 10 4 2 2 8 3 3 4 6
                                          24645
--R
           (-16ace - 46acde - 699acde + 696acde)x
--R
                5 9 4237 3355 2473
--R
              - 48a c d e - 282a c d e - 933a c d e + 828a c d e
--R
--R
--R
                  5 9
--R
             - 48a c d e
--R
--R
             4
--R
            X
--R
                 6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4
--R
--R
              - 16a e - 88a c d e - 852a c d e + 372a c d e
--R
               2 4 8 2 5 10
--R
--R
             288a c d e - 24a c d
--R
             3
--R
--R
            x
--R
                6 9 5 3 7 4 2 5 5 3 3 7 3
--R
             - 48a d e - 192a c d e - 1188a c d e + 1008a c d e
--R
--R
--R
                2 4 9
--R
              - 48a c d e
--R
--R
             2
--R
            x
--R
             6 2 8 5 4 6 4 2 6 4 3 3 8 2 2 4 10
--R
--R
          (-48a d e - 192a c d e - 648a c d e + 288a c d e - 48a c d )x
--R
--R
          +----+
          | 2 2 | 2
--R
          --R
--R
--R
             2 4 3 7 5 5 5
                              6738
           (16a c d e - 83a c d e + 6c d e )x
--R
--R.
--R
            4 2 10 3 3 2 8 2 4 4 6 5 6 4 6 8 2 7
--R
           (8ace + 20acde + 339acde - 285acde + 18cde)x
--R
             4 2 9 3 3 3 7 2 4 5 5 5 7 3 6 9 6
--R
--R
           (24a c d e + 196a c d e + 238a c d e - 336a c d e + 18c d e)x
--R
--R
               5 10 4 2 2 8 3 3 4 6 2 4 6 4
```

```
--R
               24a c e + 84a c d e + 1101a c d e - 963a c d e
--R
--R
                    5 8 2 6 10
--R
               - 108a c d e + 6c d
--R
--R
              5
--R
             x
--R
                5 9 4237 3355 2473
--R
--R
              72a c d e + 378a c d e + 1527a c d e - 1332a c d e
--R
                 5 9
--R
              72a c d e
--R
--R
--R
              4
--R
             х
--R
--R
                6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
              16a e + 112a c d e + 948a c d e - 48a c d e - 432a c d e
--R
--R
                5 10
--R
              48a c d
--R
--R
              3
--R
             x
--R
                  6 9 5 3 7 4 2 5 5 3 3 7 3
--R
--R
                48a d e + 192a c d e + 1188a c d e - 1008a c d e
--R
--R
                  2 4 9
--R
                48a c d e
--R
--R
              2
--R
             x
--R
              6 2 8 5 4 6 4 2 6 4 3 3 8 2 2 4 10
--R
--R
           (48a d e + 192a c d e + 648a c d e - 288a c d e + 48a c d )x
--R
--R
           | 2 2 +-+
--R
           \|- a e - c d \|a
--R
--R /
--R
              5 2 3 11 4 3 5 9 3 4 7 7 2 5 9 5 6 11 3 7
--R
            (6a c d e + 24a c d e + 36a c d e + 24a c d e + 6a c d e )x
--R
                 5 2 4 10 4 3 6 8 3 4 8 6 2 5 10 4
--R
--R
               18a c d e + 72a c d e + 108a c d e + 72a c d e
--R
--R
                 6 12 2
--R
              18a c d e
```

```
--R
--R
             6
--R
             x
--R
                6 3 11 5 2 5 9 4 3 7 7 3 4 9 5
--R
--R
              48a c d e + 210a c d e + 360a c d e + 300a c d e
--R
                 2 5 11 3 6 13
--R
              120acd e + 18acd e
--R
--R
--R
              5
--R
             x
--R
                 6 4 10 5 2 6 8 4 3 8 6 3 4 10 4
--R
--R
               144a c d e + 582a c d e + 888a c d e + 612a c d e
--R
--R
                 2 5 12 2 6 14
--R
              168acd e + 6acd
--R
--R
              4
--R
             x
--R
--R
                7 3 11 6 5 9 5 2 7 7 4 3 9 5
--R
              48a d e + 336a c d e + 864a c d e + 1056a c d e
--R
                 3 4 11 3 2 5 13
--R
--R
               624a c d e + 144a c d e
--R
--R
              3
--R
             x
--R
                  7 4 10 6 6 8 5 2 8 6 4 3 10 4
--R
--R
              144a d e + 624a c d e + 1056a c d e + 864a c d e
--R
                 3 4 12 2 2 5 14
--R
              336a c d e + 48a c d
--R
--R
--R
              2
--R
             x
--R
                  7 5 9 6 7 7 5 2 9 5 4 3 11 3
--R
--R
              144a d e + 576a c d e + 864a c d e + 576a c d e
--R.
--R
                 3 4 13
--R
              144a c d e
--R
--R
             Х
--R
             7 6 8 6 8 6 5 2 10 4 4 3 12 2 3 4 14
--R
--R
            48a d e + 192a c d e + 288a c d e + 192a c d e + 48a c d
```

```
--R
--R
           +----+
           | 2 2 +-+ | 2
--R
--R
          --R
                  6 2 3 11 5 3 5 9 4 4 7 7 3 5 9 5
--R
--R
              - 24a c d e - 96a c d e - 144a c d e - 96a c d e
--R
--R
                 2 6 11 3
              - 24a c d e
--R
--R
              7
--R
--R
             x
--R
--R
                 6 2 4 10 5 3 6 8 4 4 8 6 3 5 10 4
--R
               - 72a c d e - 288a c d e - 432a c d e - 288a c d e
--R
--R
                 2 6 12 2
--R
              - 72a c d e
--R
--R
              6
--R
             X
--R
                 7 3 11 6 2 5 9 5 3 7 7 4 4 9 5
--R
--R
              - 72a c d e - 360a c d e - 720a c d e - 720a c d e
--R
--R
                  3 5 11 3 2 6 13
--R
              - 360a c d e - 72a c d e
--R
--R
              5
--R
             х
--R
                  7 4 10 6 2 6 8 5 3 8 6 4 4 10 4
--R
--R
              - 216a c d e - 888a c d e - 1392a c d e - 1008a c d e
--R
                  3 5 12 2 2 6 14
--R
              - 312a c d e - 24a c d
--R
--R
--R
              4
--R
             x
--R
--R
                  8 3 11 7 5 9 6 2 7 7 5 3 9 5
--R.
               - 48a d e - 408a c d e - 1152a c d e - 1488a c d e
--R
                  4 4 11 3 3 5 13
--R
              - 912a c d e - 216a c d e
--R
--R
--R
             3
--R
            x
--R
```

```
8 4 10 7 6 8 6 2 8 6 5 3 10 4
--R
--R
               - 144a d e - 648a c d e - 1152a c d e - 1008a c d e
--R
                    4 4 12 2 3 5 14
--R
--R
               - 432a c d e - 72a c d
--R
--R
              2
--R
             x
--R
                   8 5 9 7 7 7 6 2 9 5 5 3 11 3
--R
--R
               - 144a d e - 576a c d e - 864a c d e - 576a c d e
--R
--R
                   4 4 13
--R
               - 144a c d e
--R
--R
             x
--R
               8 6 8 7 8 6 6 2 10 4 5 3 12 2 4 4 14
--R
--R
            - 48a de - 192a c de - 288a c de - 192a c de - 48a c d
--R
           +----+
--R
--R
           1 2 2
--R
           \|-ae -cd
--R
      ]
--R
                              Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 246
--S 247 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
                  2 3 4 4 4 6 2 2 3 2 4 4 2 3 6 2
--R
--R
            ((- 180a c d e + 240a c d e )x - 360a c d e + 480a c d e )
--R
--R
             1 2
--R
            \|c x + a
--R
--R
                 4 4 4
                          5 6 2 4 2 3 4 4 4 6 2 2
--R
              (45a c d e - 60c d e )x + (360a c d e - 480a c d e )x
--R
--R
--R.
                3 2 4 4 2 3 6 2
--R
             360a c d e - 480a c d e
--R
--R
             +-+
--R
            \|a
--R
--R
         log
--R
                             +----+
                                                         +----+
```

```
2 +-+ | 2 2 2 3 | 2
--R
            ((d e x + d) | a | a e + c d + (- a d e - c d) x) | c x + a
--R
--R
--R
                 2 2 2
--R
                                   2 | 2 2
--R
             ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
--R
                    2 2
                             2
            ((ae + cde)x + (ade + cd)x)|a
--R
--R
--R
                  +-+ | 2
--R
--R
           (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
              2 3 4 4 4 6 2 2 3 2 4 4 2 3 6 2
           ((180a c d e - 240a c d e)x + 360a c d e - 480a c d e)
--R
--R
--R
           +----+
           1 2
--R
--R
           \c x + a
--R
--R
               4 4 4 5 6 2 4 2 3 4 4 4 6 2 2
--R
           (-45a c d e +60c d e )x + (-360a c d e +480a c d e )x
--R
               3 2 4 4 2 3 6 2
--R
--R
           - 360a c d e + 480a c d e
--R
--R
           +-+
--R
           \|a
--R
--R
               cdx-ae
        atanh(-----)
--R
--R
          +----+
            | 2 2 | 2
--R
            \|a e + c d \|c x + a
--R
--R
--R
            3 7 2 2 2 5 3 4 3 4 6 2 4 7
--R
         (-8ace - 20acde - 336acde + 96cde)x - 16ae
--R
--R
            3 2 5 2 2 4 3
--R
         - 40a c d e - 672a c d e + 192a c d e
--R
--R
          +----+
        +-+ | 2 2 | 2
--R.
--R
        --R
          3 2 7 2 3 2 5 4 4 3 5 6 4
--R
--R
         (2ace + 5acde + 84acde - 24cde) x
--R
          4 7 3 2 2 5 2 3 4 3 4 6 2 5 7
--R
```

```
--R
          (16a c e + 40a c d e + 672a c d e - 192a c d e)x + 16a e
--R
--R
           4 2 5 3 2 4 3 2 3 6
--R
         40a c d e + 672a c d e - 192a c d e
--R
         +----+
--R
         1 2 2
--R
--R
         --R /
            5 3 8 4 2 5 6 3 3 7 4 2 4 9 2 5 11 2
--R
--R
         (24a c d e + 96a c d e + 144a c d e + 96a c d e + 24a c d )x
--R
           638 5 56 4274 3392 2411
--R
--R
          48a d e + 192a c d e + 288a c d e + 192a c d e + 48a c d
--R
--R
         +----+
--R.
         | 2 2 | 2
         --R
--R
              4 2 3 8 3 3 5 6 2 4 7 4 5 9 2 6 11 4
--R
--R
          (- 6a c d e - 24a c d e - 36a c d e - 24a c d e - 6c d )x
--R
--R
                 5 3 8 4 2 5 6 3 3 7 4 2 4 9 2
--R
              - 48a c d e - 192a c d e - 288a c d e - 192a c d e
--R
                5 11
--R
--R
               - 48a c d
--R
--R
            2
--R
          x
--R
            6 3 8 5 5 6 4 2 7 4 3 3 9 2 2 4 11
--R
--R
         - 48a de - 192a c de - 288a c de - 192a c de - 48a c d
--R
--R
         +-+ | 2 2
--R
--R.
        \|a \|a e + c d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 247
--S 248 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 248
--S 249 of 1581
m0b:=a0.2-r0
```

```
--R
--R
--R (6)
             --R
          ((180a c d e - 240a c d e)x + 360a c d e - 480a c d e)
--R
--R
--R
          +----+
          | 2 2 | 2
--R
          --R
--R
--R
               4 4 4 5 6 2 4 2 3 4 4 4 6 2 2
          (-45a c d e +60c d e )x + (-360a c d e +480a c d e )x
--R
--R
              3 2 4 4 2 3 6 2
--R
--R
          - 360a c d e + 480a c d e
--R
--R
          +----+
          2 2 +-+
--R
--R
          --R
--R
              cdx-ae
--R
       atanh(-----)
--R
           +----+
           | 2 2 | 2
--R
--R
           --R
              2 3 4 4 4 6 2 2 3 2 4 4 2 3 6 2
--R
--R
          ((- 360a c d e + 480a c d e )x - 720a c d e + 960a c d e )
--R
          +----+
--R
          | 2 2 | 2
--R
--R
          --R
              4 4 4 5 6 2 4 2 3 4 4 4 6 2 2
--R
          (90a c d e - 120c d e )x + (720a c d e - 960a c d e )x
--R
--R
--R
            3 2 4 4 2 3 6 2
--R
           720a c d e - 960a c d e
--R
--R
            +----+
          +-+ | 2 2
--R
          |a|e+cd
--R
--R.
           +----+
| 2 2 | 2
--R
                                    | 2 2 +-+
--R
          d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
--R
--R
                          2 2
--R
                         (ae + cd)x
--R
```

```
3 7 2 2 2 5 3 4 3 4 6 2 4 7
--R
--R
         (-8a c e - 20a c d e - 336a c d e + 96c d e)x - 16a e
--R
            3 2 5 2 2 4 3
--R
                            3 6
--R
        - 40a c d e - 672a c d e + 192a c d e
--R
--R
        +----+ +----+
        | 2 2 +-+ | 2 2 | 2
--R
       --R
--R
--R
          3 2 7 2 3 2 5
                         4 4 3
                                 5 6 4
--R
        (2ace + 5acde + 84acde - 24cde)x
--R
           4 7 3 2 2 5 2 3 4 3 4 6 2
--R
        (16a c e + 40a c d e + 672a c d e - 192a c d e)x + 16a e
--R
--R
--R.
          4 2 5 3 2 4 3 2 3 6
--R
        40a c d e + 672a c d e - 192a c d e
--R
--R
        +----+
       | 2 2 | 2 2
--R
       \|-ae -cd \|ae +cd
--R
--R /
--R
          5 3 8 4 2 5 6 3 3 7 4 2 4 9 2 5 11 2
--R
         (24a c d e + 96a c d e + 144a c d e + 96a c d e + 24a c d )x
--R
          6 3 8 5 5 6 4 2 7 4 3 3 9 2 2 4 11
--R
--R
        48a d e + 192a c d e + 288a c d e + 192a c d e + 48a c d
--R
--R
        +----+
        | 2 2 | 2 2 | 2
--R
--R
       --R
            4 2 3 8 3 3 5 6 2 4 7 4 5 9 2 6 11 4
--R
--R
        (-6acde - 24acde - 36acde - 24acde - 6cd )x
--R
               5 3 8 4 2 5 6 3 3 7 4 2 4 9 2
--R
--R
            - 48a c d e - 192a c d e - 288a c d e - 192a c d e
--R
--R
                5 11
--R
            - 48a c d
--R
--R
          2
--R
         X
--R
            638 5 56 4274 3392 2411
--R
--R
         - 48a d e - 192a c d e - 288a c d e - 192a c d e - 48a c d
--R
--R
        +----+
        | 2 2 +-+ | 2 2
--R
```

```
--R
           --R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 249
--S 250 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 250
)clear all
--S 251 of 1581
t0:=(d+e*x)^5/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                  4 4 2 3 3 3 2 2 4
          5 5
--R
          e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d
--R
--R
                   2 4 2 2 | 2
--R
--R
                  (c x + 2a c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 251
--S 252 of 1581
r0:=-1/3*(a*e-c*d*x)*(d+e*x)^4/(a*c*(a+c*x^2)^(3/2))+5*d*e^4*atanh(x*_1)
    \ensuremath{\mathsf{sqrt}}(c)/\ensuremath{\mathsf{sqrt}}(a+c*x^2))/c^(5/2)+2/3*(d+e*x)^3*(a*d*e+(c*d^2+_
    2*a*e^2)*x)/(a^2*c*sqrt(a+c*x^2))-1/3*e*(4*c*d^2-a*e^2)*(c*d^2+_
    4*a*e^2*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*c^3)-2/3*e*(c*d^2+2*a*e^2)*(d+e*x)^2*_
    sqrt(a+c*x^2)/(a^2*c^2)-1/3*e^2*(a*e*(c*d^2-4*a*e^2)+c*d*_
     (2*c*d^2+7*a*e^2)*x)*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*c^3)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                        3 4 | 2
--R
            2 2 4 2
                                                    x \mid c
--R
         (15a c d e x + 15a c d e) \ (-----)
--R
                                                  +----+
--R
                                                  1 2
--R.
                                                  \c x + a
--R
--R
              2 2 5 4
                             2 2 4
                                          3 3 2
                                                  453
--R
            3a c e x + (-20a c d e + 10a c d e + 2c d)x
--R
--R
                        2 2 2 3 2
                                          3
                                                4 35
            (12a c e - 30a c d e )x + (- 15a c d e + 3a c d )x + 8a e
--R
--R
```

```
3 23 224
--R
--R
         - 20acde - 5acde
--R
--R
         +-+
--R
        \|c
--R /
--R
       2 4 2 3 3 +-+ | 2
--R
      (3a c x + 3a c) | c | c x + a
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 252
--S 253 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
               2 3 4 6 3 2 4 4 4 4 2 5 4 +-+
--R
--R
             (15a c d e x + 135a c d e x + 240a c d e x + 120a d e) | a
--R
--R
              +----+
--R
             1 2
--R
             \c x + a
--R
              3 3 4 6 4 2 4 4 5 4 2 6 4
--R
--R
           -60a c d e x -240a c d e x -300a c d e x -120a d e
--R
--R
              +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
             (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
          log(-----)
--R
--R
--R
                           +-+ | 2
--R
                           |a|cx + a - a
--R
              3 2 5 2 3 2 3 4 4 6
--R
           (- 4a c e - 20a c d e - 5a c d e) x
--R
--R
--R
              3 2 4 2 3 3 2 4 5 5
--R
           (80acde - 40acde - 8acd)x
--R
--R.
               3 2 2 3 2 3 4 4
--R
           (- 60a c d e - 45a c d e)x
--R
               4 4 3 2 3 2 2 3 5 3 3 2 4 2
--R
--R
           (220a c d e - 80a c d e - 28a c d )x - 60a c d e x
--R
              5 4 325
--R
--R
           (120a d e - 24a c d )x
```

```
--R
            +----+
--R
--R
          +-+ | 2
--R
         \c \c \c x + a
--R
            2 3 5 8 2 3 4 4 3 2 5 5 7
--R
--R
          3acex + (-20acde + 10acde + 2cd)x
--R
            3 2 5 2 3 2 3 4 4 6
--R
--R
          (4ace + 50acde + 20acde)x
--R
              3 2 4 2 3 3 2 4 5 5
--R
          (- 175a c d e + 80a c d e + 19a c d )x
--R
--R
--R
             3 2 2 3 2 3 4 4
--R
          (60a c d e + 75a c d e)x
--R.
--R
              4 4 3 2 3 2 2 3 5 3 3 2 4 2
--R
           (- 280a c d e + 80a c d e + 40a c d )x + 60a c d e x
--R
--R
              5 4 325
--R
          (- 120a d e  + 24a c d )x
--R
          +-+ +-+
--R
--R
         \|a \|c
--R
--R
         2 5 6 3 4 4 4 3 2 5 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (3a c x + 27a c x + 48a c x + 24a c) | a | c | c x + a
--R
--R
            3 5 6 4 4 4
                          5 3 2 6 2 +-+
--R
       (- 12a c x - 48a c x - 60a c x - 24a c )\|c
--R
--R
              23 46 32 44 4 42 5 4 +-+
--R
            --R
--R
--R
            +----+
            1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
--R
              3 3 4 6 4 2 4 4 5 4 2 6 4
--R
          - 120a c d e x - 480a c d e x - 600a c d e x - 240a d e
--R
--R
                 +----+
             +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
            |- c |c x + a - |- c |a
--R
         atan(-----)
              сх
--R
--R
```

```
3 2 5 2 3 2 3 4 4 6
--R
--R
             (-4ace - 20acde - 5acde) x
--R
--R
                3 2 4 2 3 3 2
                                     455
--R
             (80acde - 40acde - 8acd)x
--R
                 3 2 2 3 2 3 4 4
--R
--R
            (- 60a c d e - 45a c d e)x
--R
--R
                     4
                           3 2 3 2 2 3 5 3 3 2 4 2
--R
             (220a c d e - 80a c d e - 28a c d )x - 60a c d e x
--R
                5 4 3 2 5
--R
             (120a d e - 24a c d )x
--R
--R
--R
                +----+
--R
            +---+ | 2
--R
           \label{lem:condition} \label{lem:condition} \label{lem:condition} \
--R
              2 3 5 8 2 3 4 4 3 2 5 5 7
--R
--R
            3acex + (- 20acde + 10acde + 2cd)x
--R
--R
              3 2 5 2 3 2 3 4 4 6
--R
            (4a c e + 50a c d e + 20a c d e)x
--R
                 3 2 4 2 3 3 2 4 5 5
--R
--R
            (- 175a c d e + 80a c d e + 19a c d )x
--R
--R
                3 2 2 3 2 3 4 4
--R
             (60a c d e + 75a c d e)x
--R
                 4 4 3 2 3 2 2 3 5 3 3 2 4 2
--R
--R
             (- 280a c d e + 80a c d e + 40a c d )x + 60a c d e x
--R
--R
                 5 4
                           3 2 5
--R
            (- 120a d e + 24a c d )x
--R
--R
            +---+ +-+
--R
           \|- c \|a
--R
--R
            2 5 6 3 4 4 4 3 2 5 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
          (3a c x + 27a c x + 48a c x + 24a c) = c = a = c x + a
--R
                               5 3 2 6 2 +---+
--R
              3 5 6 4 4 4
--R
          (- 12a c x - 48a c x - 60a c x - 24a c )\|- c
--R
--R
                               Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 253
```

```
--S 254 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
            2 2 4 2 3 4 1 2
--R
--R
          (60a c d e x + 120a c d e) \ c x + a
--R
                        2 2 4 2 3
--R
              3 44
--R
         (- 15a c d e x - 120a c d e x - 120a c d e )\|a
--R
--R
            +-+ +-+
                      1 2
--R
                                    2
--R
           ( |a |c - c | x) |c   x + a + (-c   x - a) |c + c   x |a
--R
        log(-----)
--R
--R
                          +-+ | 2
--R
                         --R
--R
                                +----+
--R
             2 2 4 2 3 4 | 2
--R
          (- 60a c d e x - 120a c d e )\|c x + a
--R
             3 4 4 2 2 4 2 3 4 +-+
--R
--R
         (15a c d e x + 120a c d e x + 120a c d e )\|a
--R
--R
                +-+
--R
               x\|c
--R
        atanh(-----)
--R
             +----+
             1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
             2 5 2 2 3 3 4 2 3 5 2 2 3
--R
           (32a c e - 80a c d e - 20c d e)x + 64a e - 160a c d e
--R
--R
--R
               2 4
--R
          - 40a c d e
--R
--R
--R
         +-+ +-+ | 2
--R
        | (a | c | c x + a)
--R
             2 2 5 3 2 3 4 4 4
--R
--R
         (-8ace + 20acde + 5cde)x
--R
             3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3
--R
         (-64ace + 160acde + 40acde)x - 64ae + 160acde
--R
--R
```

```
2 2 4
--R
--R
           40a c d e
--R
--R
          +-+
--R
         \|c
--R /
                            +----+
--R
          2 4 2 3 3 +-+ | 2
--R
--R
       (12a c x + 24a c )\|c \|c x + a
--R
--R
            5 4 2 4 2 3 3 +-+ +-+
--R
        (- 3a c x - 24a c x - 24a c )\|a \|c
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 254
--S 255 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 255
--S 256 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                2 2 4 2 3 4 +---+ | 2
--R
--R
            (- 60a c d e x - 120a c d e )\|- c \|c x + a
--R
                          2 2 4 2 3 4 +---+ +-+
--R
                3 4 4
--R
           (15a c d e x + 120a c d e x + 120a c d e )\|- c \|a
--R
--R
--R
                x \mid c
          atanh(-----)
--R
             +----+
--R
               1 2
--R
--R
               \c x + a
--R
--R
                2 2 4 2 3 4 +-+ | 2
--R
--R
            (120a c d e x + 240a c d e) | c | c x + a
--R
                 3 4 4 2 2 4 2 3 4 +-+ +-+
--R
--R
            (- 30a c d e x - 240a c d e x - 240a c d e )\|a \|c
--R
                    +----+
--R
```

```
+---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
         atan(-----)
--R
                 сх
--R
--R
             2 5 2 2 3 3 4 2 3 5 2 2 3
--R
--R
           (32a c e - 80a c d e - 20c d e)x + 64a e - 160a c d e
--R
--R
                2 4
--R
           - 40a c d e
--R
                   +----+
--R
         +---+ +-+ +-+ | 2
--R
--R
         --R
             2 2 5 3 2 3 4 4 4
--R
--R
          (-8ace + 20acde + 5cde)x
--R
--R
              3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3
--R
          (-64ace + 160acde + 40acde)x - 64ae + 160acde
--R
--R
           2 2 4
--R
          40a c d e
--R
--R
         +---+ +-+
--R
         \|- c \|c
--R /
--R
          2 4 2 3 3 +---+ +-+ | 2
--R
--R
       (12a c x + 24a c )\|- c \|c \|c x + a
--R
           5 4 2 4 2 3 3 +---+ +-+
--R
--R
       (- 3a c x - 24a c x - 24a c )\|- c \|a \|c
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 256
--S 257 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 257
)clear all
--S 258 of 1581
t0:=(d+e*x)^4/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
```

```
--R
                            4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
                           e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d
--R
               (1) -----
--R
                                    2 4 2 2 1 2
--R
--R
                                   (c x + 2a c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 258
--S 259 of 1581
 \texttt{r0:=-1/3*(a*e-c*d*x)*(d+e*x)^3/(a*c*(a+c*x^2)^(3/2))+e^4*atanh(x*sqrt(c)/_a + c^2 + c
            sqrt(a+c*x^2))/c^(5/2)+1/3*(d+e*x)^2*(a*d*e+(2*c*d^2+3*a*e^2)*x)/_
            (a^2*c*sqrt(a+c*x^2))-1/3*d*e*(4*c*d^2+7*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/_
             (a^2*c^2)-1/3*e^2*(a*d*e+(2*c*d^2+3*a*e^2)*x)*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*c^2)
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                                          +----+
                                                                                                                             +-+
                                2 4 2 3 4 | 2
--R
                                                                                                                         x \mid c
--R
                         (3a c e x + 3a e) | c x + a atanh(-----)
--R
                                                                                                                    +----+
--R
                                                                                                                   1 2
--R
                                                                                                                  \c x + a
--R
--R
                                               2 4 2 2 2 3 4 3 2
                                  (-4ace +6acde +2cd)x -12acdex
--R
--R
--R
                                               3 4 2 4 3 3 2 3
--R
                                   (- 3a e + 3a c d )x - 8a d e - 4a c d e
--R
--R
                                +-+
--R
                             \|c
--R /
--R
                                                                         +----+
--R
                          2 3 2 3 2 +-+ | 2
--R
                    (3a c x + 3a c) | c | c x + a
--R
                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 259
--S 260 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R.
--R
              (3)
--R
              [
--R
                                                                                                                                     +----+
--R
                                               2 2 4 4 3 4 2 4 4 +-+ | 2
--R
                                       (9a c e x + 21a c e x + 12a e) | a | c x + a - 3a c e x
--R
--R
                                                   3 2 4 4
                                                                                                                5 4
                                                                               4 4 2
```

```
--R
          - 18a c e x - 27a c e x - 12a e
--R
--R
                         +----+
                       | 2 2 +-+ +-+
--R
             +-+ +-+
--R
             (|a |c - c | + a + (-c | -a)|c + c |a|
--R
          log(-----)
--R
--R
                           +-+ | 2
                           |a|cx + a - a
--R
--R
--R
             2 2 4 3 2 2 4 4 5 2 2 3 3 3 3 4
           (4a c e - 6a c d e - 2c d )x + (- 12a c d e - 12a c d e)x
--R
--R
              3 4 2 2 2 2 3 4 3 2 2 3 2
--R
--R
           (19ace - 24acde - 11acd)x - 24acdex
--R
--R
             4 4 2 2 4
           (12a e - 12a c d )x
--R
--R
--R
            +----+
--R
           +-+ | 2
--R
          \c \c \c x + a
--R
--R
            3 3 4 3 6 2 2 4 3 2 2 4 4 5
--R
           (8a c d e + 4c d e)x + (- 12a c e + 18a c d e + 6c d )x
--R
              2 2 3 3 3 4 3 4 2 2 2 2 3 4 3
--R
--R
           (12a c d e + 24a c d e)x + (- 25a c e + 24a c d e + 17a c d )x
--R
--R
            2 2 3 2 4 4 2 2 4
--R
          24a c d e x + (- 12a e + 12a c d )x
--R
--R
          +-+ +-+
--R
         \|a \|c
--R
--R
          2 4 4 3 3 2 4 2 +-+ +-+ | 2
--R
--R
        (9a c x + 21a c x + 12a c )\|a \|c \|c x + a
--R
                          4 3 2 5 2 +-+
--R
           2 5 6
                   3 4 4
--R
        (- 3a c x - 18a c x - 27a c x - 12a c )\|c
--R
--R
--R
              2 2 4 4 3 4 2 4 4 +-+ | 2 2 3 4 6
--R
--R
           (18a c e x + 42a c e x + 24a e) | a | c x + a - 6a c e x
--R
--R
              3 2 4 4 4 4 2
          - 36a c e x - 54a c e x - 24a e
--R
--R
```

```
--R
              +---+ | 2 +---+ +-+
--R
--R
             --R
          atan(-----)
--R
                       с х
--R
              2 2 4 3 2 2 4 4 5 2 2 3 3 3 3 4
--R
--R
           (4a c e - 6a c d e - 2c d )x + (- 12a c d e - 12a c d e)x
--R
              3 4 2 2 2 2 3 4 3 2 2 3 2
--R
--R
           (19a c e - 24a c d e - 11a c d )x - 24a c d e x
--R
              4 4
                    2 2 4
--R
--R
           (12a e - 12a c d )x
--R
--R
              +----+
--R
          +---+ | 2
--R
          --R
              3 3 4 3 6 2 2 4 3 2 2 4 4 5
--R
           (8a c d e + 4c d e)x + (- 12a c e + 18a c d e + 6c d )x
--R
--R
              2 2 3 3 3 4 3 4 2 2 2 2 3 4 3
--R
--R
           (12a c d e + 24a c d e)x + (- 25a c e + 24a c d e + 17a c d )x
--R
             --R
--R
           24a c d e x + (- 12a e + 12a c d )x
--R
--R
          +---+ +-+
--R
          \|- c \|a
--R
--R
                                      +----+
          2 4 4 3 3 2 4 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
        (9a c x + 21a c x + 12a c )\|- c \|a \|c x + a
--R
           2 5 6 3 4 4 4 3 2 5 2 +---+
--R
--R
        (- 3a c x - 18a c x - 27a c x - 12a c )\|- c
--R
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 260
--S 261 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                        +----+
          2 4 2 3 4 | 2 2 4 2 3 4 +-+
--R
        ((3a c e x + 12a e) | c x + a + (-9a c e x - 12a e) | a)
--R
--R
```

```
--R
            +-+ +-+ | 2 2 +-+ +-+
--R
--R
            (\a \c - c x)\c x + a + (-c x - a)\c + c x\a
        log(-----)
--R
--R
                         +-+ | 2
--R
--R
                         --R
            +-----+
2 4 2 3 4 | 2 2 4 2 3 4 +-+
--R
--R
--R
        ((- 3a c e x - 12a e )\|c x + a + (9a c e x + 12a e )\|a )
--R
--R
--R
              x\|c
--R
        atanh(-----)
--R
           +----+
--R
             1 2
--R
             \c x + a
--R
--R
             3 2 3 2 2 3 3 +-+ +-+ | 2
--R
--R
      ((- 8a c d e - 4c d e)x - 32a d e - 16a c d e)\|a \|c \|c x + a
--R
--R
           2 3 2 3 3 +-+
--R
       ((24a c d e + 12a c d e)x + 32a d e + 16a c d e) | c
--R /
--R
      2 3 2 3 2 +-+ | 2 2 3 2 3 2 +-+ +-+
--R
--R
      (3a c x + 12a c) | c | c x + a + (-9a c x - 12a c) | a | c
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 261
--S 262 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 262
--S 263 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R (6)
--R
            2 4 2 3 4 +---+ | 2
--R
--R
         (- 3a c e x - 12a e )\|- c \|c x + a
--R
           2 4 2 3 4 +---+ +-+
--R
```

```
--R
          (9a c e x + 12a e) | - c | a
--R
--R
                 +-+
--R
               x\|c
         atanh(-----)
--R
            +----+
--R
              1 2
--R
--R
              \c + a
--R
--R
            2 4 2 3 4 +-+ | 2 2 4 2 3 4 +-+ +-+
--R
         ((6a c e x + 24a e )\|c \|c x + a + (- 18a c e x - 24a e )\|a \|c )
--R
--R
--R
--R
             +---+ | 2
                             +---+ +-+
--R
             \|- c \|c x + a - \|- c \|a
--R
         atan(-----)
--R
                       сх
--R
                3 2 3 2 2 3 3 +---+ +-+
--R
--R
         ((- 8a c d e - 4c d e)x - 32a d e - 16a c d e)\|- c \|a \|c
--R
--R
         1 2
--R
--R
         \c x + a
--R
          2 3 2 3 3 2 3 +---+ +-+
--R
--R
        ((24a c d e + 12a c d e)x + 32a d e + 16a c d e) | - c | c
--R /
--R
                               +----+
          2 3 2 3 2 +---+ +-+ | 2
--R
--R
       (3a c x + 12a c) = c | c | c x + a
--R
          2 3 2 3 2 +---+ +-+ +-+
--R
--R
       (- 9a c x - 12a c )\|- c \|a \|c
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 263
--S 264 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 264
)clear all
--S 265 of 1581
t0:=(d+e*x)^3/(a+c*x^2)^(5/2)
```

```
--R
--R
--R
         3 3 2 2 2 3
--R
         e x + 3d e x + 3d e x + d
--R
   (1) -----
--R
        24 2 2 2 2
--R
--R
        (c x + 2a c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 265
--S 266 of 1581
r0:=-1/3*(a*e-c*d*x)*(d+e*x)^2/(a*c*(a+c*x^2)^(3/2))-2/3*(c*d^2+a*e^2)*_
   (a*e-c*d*x)/(a^2*c^2*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
           2 2 3 3 3 2 3 2 2 3 3 3 2 2
--R
        (3a c d e + 2c d)x - 3a c e x + 3a c d x - 2a e - 3a c d e
--R
   (2) -----
                                   +----+
--R
                        2 3 2 3 2 | 2
--R
--R
                      (3a c x + 3a c) \setminus |c x + a|
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 266
--S 267 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
                  2 2 3 5 2 3 2 4
--R
--R
          (- 3a c d e - 2c d )x + (- 3a e - 9a c d e)x
--R
              2 2 3 3 2 2 2
--R
--R
          (- 12a d e - 11a c d )x - 18a d e x - 12a d x
--R
--R
          +----+
          1 2
--R
--R
         \c x + a
--R
                             2 235 23
--R
          (2a c e + 3c d e)x + (9a c d e + 6c d)x + (3a e + 18a c d e)x
--R
--R.
--R
             2 2 3 3 2 2 2 2 3
--R
          (12a d e + 17a c d )x + 18a d e x + 12a d x
--R
--R
         +-+
--R
         \|a
--R /
--R
                                +----+
```

```
2 2 4 3 2 4 +-+ | 2 2 3 6 3 2 4
--R
--R
       (9a c x + 21a c x + 12a )\|a \|c x + a - 3a c x - 18a c x
--R
--R
          4 2 5
--R
       - 27a c x - 12a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 267
--S 268 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
--R
              3 222 2 23 2 +-+ | 2
--R
       ((- 2a c e - 3c d e)x - 8a e - 12a c d e)\|a \|c x + a
--R
--R
         2 3 2 2 3 3 2 2
--R
       (6a c e + 9a c d e)x + 8a e + 12a c d e
--R /
--R
                    +----+
       2 3 2 3 2 | 2 2 3 2 +-+
--R
--R
      (3a c x + 12a c) | c x + a + (-9a c x - 12a c) | a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 268
--S 269 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 269
)clear all
--S 270 of 1581
t0:=(d+e*x)^2/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
              2 2
--R
            e x + 2d e x + d
--R (1) -----
--R
         2 4 2 2 | 2
--R
--R
        (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 270
--S 271 of 1581
```

```
r0:=1/3*x*(d+e*x)^2/(a*(a+c*x^2)^(3/2))-2/3*d*(a*e-c*d*x)/(a^2*c*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
            2 223 2
--R
--R
       (ace + 2cd)x + 3acdx - 2ade
--R (2) -----
--R
             2 2 2 3 | 2
--R
--R
            (3a c x + 3a c) \mid c x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 271
--S 272 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
               2 2 2 5 4 2 2 2 3
--R
         (-ace - 2cd)x - 6acdex + (-4ae - 11acd)x
--R
--R
            2 2 2 2
--R
         - 12a d e x - 12a d x
--R
--R
         +----+
--R
        1 2
--R
        \c x + a
--R
           2 6 2 2 2 5 4 2 2 2 3
--R
--R
          2c d e x + (3a c e + 6c d )x + 12a c d e x + (4a e + 17a c d )x
--R
           2 2 2 2
--R
--R
         12adex + 12adx
--R
--R
         +-+
--R
        \|a
--R /
--R
        2 2 4 3 2 4 +-+ | 2 2 3 6 3 2 4
--R
--R
       (9a c x + 21a c x + 12a )\|a \|c x + a - 3a c x - 18a c x
--R
         4 2 5
--R
       - 27a c x - 12a
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 272
--S 273 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                            +----+
```

```
2 +-+ | 2
--R
    (- 2c d e x - 8a d e)\|a \|c x + a + 6a c d e x + 8a d e
--R
--R (4) -----
--R
           2 2 2 3 | 2 2 2 3 +-+
--R
--R
         (3a c x + 12a c) | c x + a + (-9a c x - 12a c) | a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 273
--S 274 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 274
)clear all
--S 275 of 1581
t0:=(d+e*x)/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                e x + d
--R (1) -----
--R
        2 4 2 2 | 2
--R
--R
       (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 275
--S 276 of 1581
r0:=1/3*(-a*e+c*d*x)/(a*c*(a+c*x^2)^(3/2))+2/3*d*x/(a^2*sqrt(a+c*x^2))
--R
         2 3
--R
--R
        2c d x + 3a c d x - a e
--R (2) -----
    2 2 2 3 | 2
--R
--R
--R
       (3a c x + 3a c)\|c x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 276
--S 277 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                                   +----+
```

```
2 5 4 3 2 2 2 1 2
--R
--R
      (- 2c d x - 3a c e x - 11a c d x - 6a e x - 12a d x)\|c x + a
--R
       2 6 2 5
                                     3 2 2 2 +-+
--R
--R
      (c e x + 6c d x + 6a c e x + 17a c d x + 6a e x + 12a d x) | a
--R /
        --R
--R
       (9a c x + 21a c x + 12a )\|a \|c x + a - 3a c x - 18a c x
--R
--R
--R
         4 2 5
--R
       - 27a c x - 12a
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 277
--S 278 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
           2 +-+ | 2
--R
        (- c e x - 4a e)\|a \|c x + a + 3a c e x + 4a e
--R
--R
--R
--R
        2 2 2 3 | 2 2 2 3 +-+
--R
       (3a c x + 12a c) | c x + a + (-9a c x - 12a c) | a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 278
--S 279 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 279
)clear all
--S 280 of 1581
t0:=1/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R.
             1
--R (1) -----
--R
        2 4 2 2 | 2
--R
--R
       (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 280
```

```
--S 281 of 1581
r0:=1/3*x/(a*(a+c*x^2)^(3/2))+2/3*x/(a^2*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
                3
             2c x + 3a x
--R
--R (2) -----
         2 2 3 | 2
--R
--R
--R
       (3a c x + 3a )\|c x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 281
--S 282 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
        25 3 2 | 2 25 3 2 +-+
--R
--R
     (-2c x - 11a c x - 12a x) | c x + a + (6c x + 17a c x + 12a x) | a
--R /
--R
         2 2 4 3 2 4 +-+ | 2 2 3 6 3 2 4
--R
      (9a c x + 21a c x + 12a )\|a \|c x + a - 3a c x - 18a c x
--R
--R
--R
         4 2 5
--R
        - 27a c x - 12a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 282
--S 283 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 283
--S 284 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 284
)clear all
```

```
--S 285 of 1581
t0:=1/((d+e*x)*(a+c*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R
                                 1
   (1) -----
--R
--R
         2 5 2 4 3 2 2 2 2 2
--R
        (c e x + c d x + 2a c e x + 2a c d x + a e x + a d) \setminus |c x + a e x + a d|
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 285
--S 286 of 1581
r0:=1/3*(a*e+c*d*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*(a+c*x^2)^(3/2))-e^4*atanh((a*e-_
   c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))/(c*d^2+a*e^2)^(5/2)+_
   1/3*(3*a^2*e^3+c*d*(2*c*d^2+5*a*e^2)*x)/(a^2*(c*d^2+a*e^2)^2*_
   sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
    (2)
--R
                     +----+
--R
          2 4 2 3 4 | 2
       (3a c e x + 3a e )\|c x + a atanh(-----)
--R
                                    +----+
--R
--R
                                    1 2 2 1 2
--R
                                   --R
--R
              2 2 3 3 3 2 3 2 2 2 2 3 3 3
--R
           (5a c d e + 2c d)x + 3a c e x + (6a c d e + 3a c d)x + 4a e
--R
--R
           2 2
--R
          a c d e
--R
--R
          +----+
--R
          1 2 2
--R
         \label{lagrange} \ + c d
--R /
          4 4 3 2 2 2 2 3 4 2 5 4 4 2 2 3 2 4
--R
--R
       ((3ace + 6acde + 3acd)x + 3ae + 6acde + 3acd)
--R
--R
        +----+
        | 2 2 | 2
--R
--R.
       \label{lambda} | a + c d | c x + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 286
--S 287 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R (3)
--R [
--R
              2 2 4 4 3 4 2 4 4 +++ | 2 2 3 4 6
--R
--R
           (9acex + 21acex + 12ae)\|a\|cx + a - 3acex
--R
               3 2 4 4 4 4 2 5 4
--R
--R
           - 18a c e x - 27a c e x - 12a e
--R
--R
          log
--R
                         2 +-+ | 2 2
--R
                 ((d e x + d )\|a \|a e + c d + (- a d e - c d )x)
--R
--R
--R
--R
                 | 2
--R
                 \c x + a
--R
--R
                                        2 | 2 2
--R
                    2 2 2
--R
                ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
--R
                       2 2 2
                                       3 +-+
--R
                ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
                      +-+ | 2
--R
--R
              (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
                 3 2 4 3 5 2 2 3 3 2 4
--R
            (- 5a c d e - 2c d )x + (9a c e + 3a c d e)x
--R
               2 2 2 3 3 3 3 2 2 2 2
--R
--R
            (- 26a c d e - 11a c d )x + (12a c e + 6a c d e)x
--R
               3 2 223
--R
--R
           (- 24a c d e - 12a c d )x
--R
--R
           +----+
           | 2 2 | 2
--R
          \label{lambda} | a + c d | c x + a |
--R
--R
--R
                3 3 4 2 6 3 2 4 3 5
            (- 4a c e - c d e)x + (15a c d e + 6c d )x
--R
--R
               2 2 3 3 2 4 2 2 2 3 3 3
--R
--R
            (-15ace - 6acde)x + (38acde + 17acd)x
--R
               3 3 2 2 2 2 3 2 2 2 3
--R
--R
            (-12a c e - 6a c d e)x + (24a c d e + 12a c d)x
```

```
--R
--R
            +----+
--R
         +-+ | 2 2
--R
        \|a \|a e + c d
--R
--R
            4 2 4 3 3 2 2 2 4 4 4
--R
          (9ace + 18acde + 9acd)x
--R
           5 4 4 2 2 2 3 3 4 2 6 4 5 2 2 4 2 4
--R
--R
         (21a c e + 42a c d e + 21a c d )x + 12a e + 24a c d e + 12a c d
--R
            +----+
--R
          +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
         --R
--R
             4 3 4 3 4 2 2 2 5 4 6
--R
          (-3ace -6acde -3acd)x
--R
--R
             5 2 4 4 3 2 2 3 4 4 4
--R
          (- 18a c e - 36a c d e - 18a c d )x
--R
--R
             6 4 5 2 2 2 4 3 4 2 7 4 6 2 2
--R
          (- 27a c e - 54a c d e - 27a c d )x - 12a e - 24a c d e
--R
--R
             5 2 4
--R
          - 12a c d
--R
--R
         1 2 2
--R
--R
         \lae + c d
--R
--R
--R
             2 2 4 4 3 4 2 4 4 +-+ | 2 2 3 4 6
--R
--R
          (18a c e x + 42a c e x + 24a e) | a | c x + a - 6a c e x
--R
                              5 4
--R
             3 2 4 4 4 4 2
--R
          - 36a сех - 54a сех - 24a e
--R
--R
              +----+
             | 2 2 | 2
                                        | 2 2 +-+
--R
            d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
--R
         atan(-----)
--R
                              2
                                   2
--R
                            (ae + cd)x
--R
              3 2 4 3 5 2 2 3 3 2 4
--R
--R
         (- 5a c d e - 2c d )x + (9a c e + 3a c d e)x
--R
              2 2 2 3 3 3 3 2 2 2 2
--R
```

```
--R
          (- 26a c d e - 11a c d )x + (12a c e + 6a c d e)x
--R
--R
              3 2 223
--R
          (- 24a c d e - 12a c d )x
--R
          +----+
--R
          | 2 2 | 2
--R
--R
         --R
--R
               3 3 4 2 6
                               3 2 4 3 5
--R
          (-4ace -cde)x + (15acde + 6cd)x
--R
                     3 2 4
                               2 2 2 3 3 3
--R
              2 2 3
          (- 15a c e - 6a c d e)x + (38a c d e + 17a c d )x
--R
--R
--R
              3 3 222 2
                               3 2
--R
          (- 12a c e - 6a c d e)x + (24a c d e + 12a c d )x
--R
          +----+
--R
          2 2 +-+
--R
--R
         --R
            4 2 4 3 3 2 2 2 4 4 4
--R
--R
          (9ace + 18acde + 9acd)x
--R
            5 4 4 2 2 2 3 3 4 2 6 4 5 2 2 4 2 4
--R
--R
         (21a c e + 42a c d e + 21a c d )x + 12a e + 24a c d e + 12a c d
--R
--R
          +----+
--R
          | 2 2 +-+ | 2
--R
         --R
--R
              4 3 4 3 4 2 2 2 5 4 6
--R
          (- 3a c e - 6a c d e - 3a c d ) x
--R
              5 2 4 4 3 2 2 3 4 4 4
--R
--R
          (- 18a c e - 36a c d e - 18a c d )x
--R
              6 4 5 2 2 2 4 3 4 2
                                        7 4 6 2 2
--R
--R
          (- 27a c e - 54a c d e - 27a c d )x - 12a e - 24a c d e
--R
--R
             5 2 4
--R.
          - 12a c d
--R
--R
          +----+
          1 2 2
--R
--R
         \|- a e - c d
--R
--R
                          Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 287
```

```
--S 288 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
   (4)
--R
                      --R
          2 4 2 3 4 | 2
--R
        ((3a c e x + 12a e)|c x + a + (-9a c e x - 12a e)|a)
--R
--R
--R
        log
--R
                    2 +-+ | 2 2 2 3 | 2
--R
            ((d e x + d) | a + c d + (-a d e - c d) x) | c x + a
--R
--R
--R
                 2 2 2
--R.
                                   2 | 2 2
--R
             ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
               3 2 2 2 3 +-+
--R
--R
             ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
                 +-+ | 2
--R
--R
           (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
            2 4 2 3 4 | 2 2 4 2 3 4 +-+
--R
--R
        ((-3acex - 12ae)||cx + a + (9acex + 12ae)||a)
--R
--R
               cdx-ae
        atanh(-----)
--R
--R
            +----+
            | 2 2 | 2
--R
--R
            \label{lambda} | a + c d | c x + a |
--R
--R
                                     +----+
           3 2 2 2 2 3 2 +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
      ((4ace + cde)x + 16ae + 4acde)\|a\|ae + cd\|cx + a
--R
--R
          2 3 2 2 2 3 3 2 2 | 2 2
--R
--R
       ((-12a c e - 3a c d e)x - 16a e - 4a c d e) | a e + c d
--R /
--R
          4 4 3 2 2 2 2 3 4 2 5 4 4 2 2 3 2 4
--R
        ((3a c e + 6a c d e + 3a c d )x + 12a e + 24a c d e + 12a c d )
--R
--R
        +----+
        | 2 2 | 2
--R
        --R
```

```
--R
--R
           4 4 3 2 2 2 2 3 4 2 5 4 4 2 2 3 2 4
--R
        ((- 9a c e - 18a c d e - 9a c d )x - 12a e - 24a c d e - 12a c d )
--R
--R
           +----+
        +-+ | 2 2
--R
--R
        --R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 288
--S 289 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 289
--S 290 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
--R
           2 4 2 3 4 | 2 2 | 2
--R
         (-3acex - 12ae) = -cd \le x + a
--R
--R
           2 4 2 3 4 | 2 2 +-+
--R
--R
         (9acex + 12ae)\|-ae -cd \|a
--R
--R
                cdx-ae
        atanh(-----)
--R
--R
            +----+
--R
             | 2 2 | 2
            --R
--R
--R
                        +----+
           2 4 2 3 4 | 2 2 | 2
--R
--R
         (6a c e x + 24a e) | a e + c d | c x + a
--R
--R
--R.
              2 4 2 3 4 +-+ | 2
--R
          (-18acex - 24ae)\|a\|ae + cd
--R
                                          +----+
             +----+
--R
                                         | 2 2 +-+
             | 2 2 | 2
--R
--R
            d \cdot | - a e - c d \cdot | c x + a + (- e x - d) \cdot | - a e - c d \cdot | a
--R
--R
                              2 2
```

```
--R
                            (ae + cd)x
--R
--R
             3 2 2 2 2 3 2 1 2 2 +-+
--R
--R
        ((4a c e + c d e)x + 16a e + 4a c d e) | - a e - c d | a
--R
--R
         +----+
        | 2 2 | 2
--R
        --R
--R
--R
             2 3 2 2 2 3 3 2 2 | 2 2
--R
        ((-12a c e - 3a c d e)x - 16a e - 4a c d e) | - a e - c d
--R
--R
--R
        +----+
--R
        1 2 2
--R
        \label{lagrange} \ + c d
--R /
--R
          4 4 3 2 2 2 2 3 4 2 5 4 4 2 2 3 2 4
--R
        ((3a c e + 6a c d e + 3a c d )x + 12a e + 24a c d e + 12a c d )
--R
        +----+ +----+
--R
--R
        | 2 2 | 2 2 | 2
--R
        --R
--R
            4 4 3 2 2 2 2 3 4 2 5 4 4 2 2 3 2 4
--R
        ((- 9a c e - 18a c d e - 9a c d )x - 12a e - 24a c d e - 12a c d )
--R
--R
        +----+
--R
        | 2 2 +-+ | 2 2
--R
        |-ae-cd||a||ae+cd
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 290
--S 291 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 291
)clear all
--S 292 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^2*(a+c*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R (1)
--R 1
```

```
--R /
          2 2 6 2 5 2 2 2 4
--R
--R
         cex + 2cdex + (2ace + cd)x + 4acdex
--R
--R
           2 2 2 2
--R
         (ae + 2acd)x + 2adex + ad
--R
--R
        +----+
        1 2
--R
--R
        \c x + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 292
--S 293 of 1581
r0:=1/3*(a*e+c*d*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)*(a+c*x^2)^(3/2))-_
    5*c*d*e^4*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)))/_
    (c*d^2+a*e^2)^(7/2)+1/3*(-a*e*(c*d^2-4*a*e^2)+c*d*(2*c*d^2+__)
    7*a*e^2)*x)/(a^2*(c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2))+_
    1/3*e*(2*c^2*d^4+9*a*c*d^2*e^2-8*a^2*e^4)*sqrt(a+c*x^2)/_
    (a^2*(c*d^2+a*e^2)^3*(d+e*x))
--R
--R
--R
    (2)
--R
--R
             2 2 5 3 2 2 2 4 2 3 5 3 2 4 | 2
--R
         (15a c d e x + 15a c d e x + 15a c d e x + 15a c d e ) \ c x + a
--R
--R
                   cdx-ae
--R
         atanh(-----)
--R.
               +----+
               | 2 2 | 2
--R
--R
              \label{lambda} | a + c d | c x + a
--R
               2 2 5 3 2 3 4 4 4
--R
--R
           (-8ace + 9acde + 2cde)x
--R
--R
             2 2 4 3 3 2 4 5 3
--R
           (7acde + 9acde + 2cd)x
--R
--R
               3 5
                       2 2 2 3
                                  3 4 2
--R
           (- 12a c e + 21a c d e + 3a c d e)x
--R
--R.
             3 4 2232 35 45 3 23 224
--R.
           (8a c d e + 11a c d e + 3a c d )x - 3a e + 14a c d e + 2a c d e
--R
          +----+
--R
--R
          | 2 2
--R
         \label{lagrange} \ + c d
--R /
           5 7 4 2 2 5 3 3 4 3 2 4 6 3
--R
```

```
--R
        (3ace + 9acde + 9acde + 3acde)x
--R
--R
          5 6 4234 3352 2472
--R
         (3a c d e + 9a c d e + 9a c d e + 3a c d )x
--R
          67 5 25 4 2 4 3 3 3 6 6 6 5 3 4
--R
--R
         (3a e + 9a c d e + 9a c d e + 3a c d e)x + 3a d e + 9a c d e
--R
          4 2 5 2 3 3 7
--R
--R
        9acde + 3acd
--R
        +----+
--R
        | 2 2 | 2
--R
       \label{lambda} | a + c d | c x + a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 293
--S 294 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R Г
--R
                2 4 2 5 7 2 4 3 4 6 3 3 2 5 5 3 3 3 4 4
--R
              15a c d e x + 15a c d e x + 135a c d e x + 135a c d e x
--R
                  4 2 2 5 3 4 2 3 4 2 5 2 5 5 3 4
--R
--R
               240a c d e x + 240a c d e x + 120a c d e x + 120a c d e
--R
--R
                +----+
              +-+ | 2
--R
--R
              --R
               3 4 2 5 7 3 4 3 4 6 4 3 2 5 5 4 3 3 4 4
--R
--R
            - 60a c d e x - 60a c d e x - 240a c d e x - 240a c d e x
--R
               5 2 2 5 3 5 2 3 4 2 6 2 5
--R
                                                   6 3 4
--R
            - 300a c d e x - 300a c d e x - 120a c d e x - 120a c d e
--R
--R
          log
--R
                          2 +-+ | 2 2
--R
--R
                  ((d e x + d) | a + c d + (-a d e - c d)x)
--R
                  +----+
--R
                  | 2
--R
--R
                 \c + a
--R
--R
                     2 2 2
                                          2 | 2 2
--R
```

```
--R
               ((-ae -cd)x -adex -ad)|ae +cd
--R
--R
                  3 2 2 2
                                      3 +-+
--R
               ((ae + cde)x + (ade + cd)x)|a
--R
                       +----+
--R
                    +-+ | 2
--R
--R
              (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
              3 3 6
                      2 4 2 4
                                5427
--R
           (- 3a c e + 14a c d e + 2a c d e )x
--R
              3 3 5
                      2 4 3 3
                                 5 5 6
--R
--R
           (29a c d e - 22a c d e - 6a c d e)x
--R
--R
               4 2 6 3 3 2 4 2 4 4 2 5 6 5
--R
           (- 27a c e + 98a c d e - 18a c d e - 8a c d )x
--R
--R
              4 2 5 3 3 3 3
                                2 4 5 4
--R
           (85a c d e - 30a c d e - 10a c d e)x
--R
--R
              5 6 4 2 2 4 3 3 4 2 2 4 6 3 5 5 2
--R
           (-48a c e + 136a c d e - 84a c d e - 28a c d )x + 60a c d e x
--R
               6 6 5 2 4 4 2 4 2
--R
                                       3 3 6
           (- 24a e + 48a c d e - 72a c d e - 24a c d )x
--R
--R
--R
           +----+
          | 2 2 | 2
--R
--R
          --R
              2 4 5 5 3 3 6 5 8
--R
--R
           (-8acde +9acde +2cde)x
--R
              3 3 6 2 4 2 4 5 4 2 6 6 7
--R
--R
           (12ace - 49acde + acde + 2cd)x
--R
--R
               3 3 5 2 4 3 3
                                   5 5 6
--R
           (- 64a c d e + 37a c d e + 11a c d e) x
--R
              4 2 6 3 3 2 4 2 4 4 2 5 6 5
--R
           (48a c e - 160a c d e + 51a c d e + 19a c d )x
--R
--R
--R
               4 2 5 3 3 3 3 2 4 5 4
--R
           (- 115a c d e + 30a c d e + 10a c d e)x
--R
--R
              5 6 4 2 2 4 3 3 4 2 2 4 6 3
           (60a c e - 160a c d e + 120a c d e + 40a c d )x - 60a c d e x
--R
--R
--R
              6 6 5 2 4
                             4 2 4 2 3 3 6
```

```
--R
          (24a e - 48a c d e + 72a c d e + 24a c d )x
--R
--R
          +-+ | 2 2
--R
--R
         |a|a + cd
--R
             5 3 7 4 4 3 5 3 5 5 3 2 6 7 7
--R
--R
           (3acde + 9acde + 9acde + 3acde)x
--R
--R
             5 3 2 6 4 4 4 4 3 5 6 2 2 6 8 6
--R
           (3acde + 9acde + 9acde + 3acd)x
--R
             6 2 7 5 3 3 5 4 4 5 3
                                        3 5 7 5
--R
--R
           (27a c d e + 81a c d e + 81a c d e + 27a c d e)x
--R
--R
             6 2 2 6 5 3 4 4 4 4 6 2 3 5 8 4
--R
           (27a c d e + 81a c d e + 81a c d e + 27a c d )x
--R
--R
                 7 6235 5353 447 3
--R
           (48a c d e + 144a c d e + 144a c d e + 48a c d e)x
--R
             7 2 6 6 2 4 4 5 3 6 2 4 4 8 2
--R
--R
           (48a c d e + 144a c d e + 144a c d e + 48a c d )x
--R
             8 7 7 3 5 6 2 5 3 5 3 7 8 2 6
--R
           (24a d e + 72a c d e + 72a c d e + 24a c d e)x + 24a d e
--R
--R
--R
             7 4 4 6 2 6 2 5 3 8
--R
           72a c d e + 72a c d e + 24a c d
--R
--R
            +----+
          +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
         --R
              63 7 5435
                                4553 367 7
--R
--R
          (- 12a c d e - 36a c d e - 36a c d e - 12a c d e)x
--R
--R
               6 3 2 6 5 4 4 4
                                4 5 6 2
                                          3 6 8 6
--R
          (-12acde - 36acde - 36acde - 12acd) x
--R
              727
--R
                       6 3 3 5
                                 5 4 5 3
                                           4575
--R
           (-48acde -144acde -144acde -48acde)x
--R
--R
              7 2 2 6 6 3 4 4 5 4 6 2 4 5 8 4
--R
           (-48acde -144acde -144acde -48acd)x
--R
--R
              8 7 7235 6353
                                           547 3
           (-60acde -180acde -180acde -60acde)x
--R
--R
--R
               8 2 6 7 2 4 4 6 3 6 2 5 4 8 2
```

```
--R
           (-60acde - 180acde - 180acde - 60acd)x
--R
               9 7 8 3 5 7 2 5 3 6 3 7 9 2 6
--R
--R
           (- 24a d e - 72a c d e - 72a c d e - 24a c d e)x - 24a d e
--R
              8 4 4 7 2 6 2
--R
                                 6 3 8
--R
           - 72a c d e - 72a c d e - 24a c d
--R
--R
           1 2 2
--R
--R
          --R
--R
                2 4 2 5 7 2 4 3 4 6 3 3 2 5 5 3 3 3 4 4
--R
              30a c d e x + 30a c d e x + 270a c d e x + 270a c d e x
--R
--R
--R
                4 2 2 5 3 4 2 3 4 2 5 2 5 5 3 4
--R
              480a c d e x + 480a c d e x + 240a c d e x + 240a c d e
--R
--R
                +----+
--R
              +-+ | 2
--R
             \ln \ln x + a
--R
--R
               3 4 2 5 7 3 4 3 4 6 4 3 2 5 5 4 3 3 4 4
--R
            - 120a c d e x - 120a c d e x - 480a c d e x - 480a c d e x
--R
--R
                5 2 2 5 3 5 2 3 4 2 6 2 5 6 3 4
--R
           - 600a c d e x - 600a c d e x - 240a c d e x - 240a c d e
--R
               +----+
--R
              | 2 2 | 2
                                              | 2 2 +-+
--R
--R
              d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
--R
--R
                                (ae + cd)x
--R
              3 3 6 2 4 2 4
--R
                                5 4 2 7
--R
           (- 3a c e + 14a c d e + 2a c d e ) x
--R
--R
              3 3 5
                       2 4 3 3
--R
           (29acde - 22acde - 6acde) x
--R
--R
               4 2 6 3 3 2 4 2 4 4 2 5 6 5
--R
            (- 27a c e + 98a c d e - 18a c d e - 8a c d )x
--R
--R
              4 2 5 3 3 3 3
                                 2 4 5 4
--R
            (85a c d e - 30a c d e - 10a c d e)x
--R
               5 6 4 2 2 4 3 3 4 2 2 4 6 3 5 5 2
--R
--R
            (-48ace + 136acde - 84acde - 28acd)x + 60acdex
```

```
--R
               6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
           (- 24a e + 48a c d e - 72a c d e - 24a c d )x
--R
--R
           +----+
          | 2 2 | 2
--R
--R
          --R
              2 4 5 5 3 3 6 5 8
--R
--R
          (-8acde +9acde +2cde)x
--R
              3 3 6 2 4 2 4 5 4 2 6 6 7
--R
           (12ace - 49acde + acde + 2cd)x
--R
--R
               3 3 5 2 4 3 3 5 5 6
--R
--R
           (- 64a c d e + 37a c d e + 11a c d e)x
--R
--R
             4 2 6 3 3 2 4 2 4 4 2 5 6 5
--R
           (48a c e - 160a c d e + 51a c d e + 19a c d)x
--R
--R
               4 2 5 3 3 3 3
                                  2 4 5 4
           (- 115a c d e + 30a c d e + 10a c d e)x
--R
--R
--R
             5 6 4 2 2 4 3 3 4 2 2 4 6 3 5 5 2
--R
           (60a c e - 160a c d e + 120a c d e + 40a c d )x - 60a c d e x
--R
--R
              6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
           (24a e - 48a c d e + 72a c d e + 24a c d )x
--R
--R
          +----+
          | 2 2 +-+
--R
--R
          --R
--R
             5 3 7 4 4 3 5 3 5 5 3 2 6 7 7
--R
           (3acde + 9acde + 9acde + 3acde)x
--R
--R
             5 3 2 6 4 4 4 4 3 5 6 2 2 6 8 6
--R
           (3acde + 9acde + 9acde + 3acd)x
--R
--R
              6 2 7 5 3 3 5
                                4 4 5 3
--R
           (27a c d e + 81a c d e + 81a c d e + 27a c d e)x
--R
--R
              6 2 2 6 5 3 4 4 4 4 6 2 3 5 8 4
--R
           (27a c d e + 81a c d e + 81a c d e + 27a c d )x
--R
                 7
--R
              7
                      6 2 3 5
                                5 3 5 3
                                          4 4 7 3
--R
           (48a c d e + 144a c d e + 144a c d e + 48a c d e)x
--R
             7 2 6 6 2 4 4 5 3 6 2 4 4 8 2
--R
--R
           (48a c d e + 144a c d e + 144a c d e + 48a c d)x
```

```
--R
             8 7 7 3 5 6 2 5 3 5 3 7 8 2 6
--R
--R
           (24a d e + 72a c d e + 72a c d e + 24a c d e)x + 24a d e
--R
            7 4 4 6 2 6 2 5 3 8
--R
--R
           72a c d e + 72a c d e + 24a c d
--R
--R
           +----+
          | 2 2 +-+ | 2
--R
          \|-ae -cd \|a\|cx +a
--R
--R
               63 7 5435 4553
                                          3677
--R
           (-12acde - 36acde - 36acde - 12acde)x
--R
--R
--R
               6 3 2 6 5 4 4 4 4 5 6 2
                                          3686
--R
           (- 12a c d e - 36a c d e - 36a c d e - 12a c d )x
--R
--R
              7 2 7 6 3 3 5 5 4 5 3 4 5 7 5
--R
           (-48acde -144acde -144acde -48acde)x
--R
--R
              7 2 2 6 6 3 4 4
                                  5 4 6 2
                                            4584
           (-48a c d e -144a c d e -144a c d e -48a c d )x
--R
--R
--R
              8 7 7235 6353 547 3
--R
           (-60acde -180acde -180acde -60acde)x
--R
--R
               8 2 6 7 2 4 4 6 3 6 2 5 4 8 2
--R
           (-60acde - 180acde - 180acde - 60acd)x
--R
--R
               9 7 8 3 5 7 2 5 3 6 3 7 9 2 6
--R
           (- 24a d e - 72a c d e - 72a c d e - 24a c d e)x - 24a d e
--R
                       7 2 6 2
--R
              8 44
                                6 3 8
--R
          - 72a c d e - 72a c d e - 24a c d
--R
          +----+
--R
          1 2 2
--R
--R
          \|- a e - c d
--R
     ]
--R
                           Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 294
--S 295 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R (4)
--R
             2 2 2 4 2 3 2 4 | 2
--R
--R
          (60a c d e x + 120a c d e) \ c x + a
```

```
--R
--R
              3 2 4 4 2 2 2 4 2 3 2 4 +-+
--R
          (- 15a c d e x - 120a c d e x - 120a c d e )\|a
--R
--R
        log
--R
                     2 +-+ | 2 2 2 3 | 2
--R
--R
             ((d e x + d) | a | a e + c d + (- a d e - c d) x) | c x + a
--R
--R
                  2 2 2
--R
                                     2 | 2 2
--R
             ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R
                    2 2 2
--R
                                    3 +-+
--R
             ((a e + c d e)x + (a d e + c d)x)|a
--R
--R
                     +----+
--R
                  +-+ | 2
--R
            (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
--R
                               +----+
             2 2 2 4 2 3 2 4 | 2
--R
--R
          (- 60a c d e x - 120a c d e )\|c x + a
--R
--R
              3 2 4 4 2 2 2 4 2 3 2 4 +-+
--R
          (15a c d e x + 120a c d e x + 120a c d e) | a
--R
--R
                 cdx-ae
--R
        atanh(-----)
--R
            +----+
            | 2 2 | 2
--R
--R
            --R
              2 5 2 2 3 3 4 2 3 5 2 2 3
--R
--R
           (- 12a c e + 56a c d e + 8c d e)x - 24a e + 112a c d e
--R
--R
             2 4
--R
          16a c d e
--R
--R
           +----+
         +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
        --R
--R
           2 2 5 3 2 3 4 4 4
--R
         (3ace - 14acde - 2cde) x
--R
           3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3
--R
         (24a c e - 112a c d e - 16a c d e)x + 24a e - 112a c d e
--R
--R
--R
             2 2 4
```

```
--R
         - 16a c d e
--R
--R
         +----+
        1 2 2
--R
--R
       \exists e + c d
--R /
           5 6 4234 3352 2472 6 6
--R
--R
         (12a c d e + 36a c d e + 36a c d e + 12a c d )x + 24a d e
--R
           5 3 4 4 2 5 2 3 3 7
--R
--R
         72acde + 72acde + 24acd
--R
         +----+
--R
         | 2 2 | 2
--R
--R
        --R
--R
            4 2 6 3 3 3 4 2 4 5 2 5 7 4
--R
         (-3acde -9acde -9acde -3acd)x
--R
--R
             5 6 4234 3352 2472 6 6
--R
         (- 24a c d e - 72a c d e - 72a c d e - 24a c d )x - 24a d e
--R
--R
            5 3 4 4 2 5 2 3 3 7
--R
         - 72a c d e - 72a c d e - 24a c d
--R
--R
        +-+ | 2 2
--R
--R
        --R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 295
--S 296 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 296
--S 297 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
              2 2 2 4 2 3 2 4 | 2 2 | 2
--R
--R
         (-60acdex -120acde)\|-ae -cd \|cx +a
--R
--R
                      2 2 2 4 2 3 2 4 | 2 2 +-+
--R
              3 2 4 4
```

```
--R
        (15a c d e x + 120a c d e x + 120a c d e )\|- a e - c d \|a
--R
--R
               cdx-ae
       atanh(-----)
--R
         +----+
--R
           | 2 2 | 2
--R
--R
           --R
--R
                            +----+
           2 2 2 4 2 3 2 4 | 2 2 | 2
--R
--R
        (120a c d e x + 240a c d e) | a e + c d | c x + a
--R
--R
             3 2 4 4 2 2 2 4 2 3 2 4 +-+ | 2 2
--R
        (- 30a c d e x - 240a c d e x - 240a c d e )\|a \|a e + c d
--R
--R
--R
            +----+
--R
           | 2 2 | 2
                                      | 2 2 +-+
          d = a - c d | c + a + (-e + d) = a - c d | a
--R
--R
--R
                           2 2
--R
                          (ae + cd)x
--R
--R
             2 5 2 2 3 3 4 2 3 5 2 2 3
         (- 12a c e + 56a c d e + 8c d e)x - 24a e + 112a c d e
--R
--R
--R
             2 4
--R
         16a c d e
--R
--R
        +----+ +----+
       | 2 2 +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
       --R
          2 2 5 3 2 3 4 4 4
--R
--R
        (3ace - 14acde - 2cde)x
--R
          3 5 2 2 2 3 3 4 2 4 5 3 2 3
--R
--R
        (24a c e - 112a c d e - 16a c d e)x + 24a e - 112a c d e
--R
--R
           2 2 4
--R
        - 16a c d e
--R
--R
        +----+
--R
        | 2 2 | 2 2
       \|-ae -cd \|ae +cd
--R
--R /
          5 6 4234 3352 2472 6 6
--R
--R
        (12a c d e + 36a c d e + 36a c d e + 12a c d )x + 24a d e
--R
         5 3 4 4 2 5 2 3 3 7
--R
```

```
--R
         72acde + 72acde + 24acd
--R
--R
         +----+
        | 2 2 | 2 2 | 2
--R
       --R
--R
             4 2 6 3 3 3 4 2 4 5 2 5 7 4
--R
--R
         (-3acde -9acde -9acde -3acd)x
--R
--R
             5 6 4234
                              3 3 5 2
                                        2472 66
--R
         (- 24a c d e - 72a c d e - 72a c d e - 24a c d )x - 24a d e
--R
            5 3 4 4 2 5 2
                              3 3 7
--R
         - 72a c d e - 72a c d e - 24a c d
--R
--R
--R
        +----+
                      +----+
--R
        | 2 2 +-+ | 2 2
--R
        \|-ae -cd \|a\|ae +cd
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 297
--S 298 of 1581
d0b := D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 298
)clear all
--S 299 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^3*(a+c*x^2)^(5/2))
--R
--R (1)
--R
    1
--R /
        2 3 7 2 2 6
                          3
--R
                               225
--R
       cex + 3cdex + (2ace + 3cde)x + (6acde + cd)x
--R
         2 3 2 3
--R
                        2 2 3 2
                                         2 2 2 3
--R
       (a e + 6a c d e)x + (3a d e + 2a c d)x + 3a d e x + a d
--R
      +----+
--R
       1 2
--R
--R
       \c x + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 299
```

```
--S 300 of 1581
r0:=1/3*(a*e+c*d*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^2*(a+c*x^2)^(3/2))-_
    5/2*c*e^4*(6*c*d^2-a*e^2)*atanh((a*e-c*d*x)/(sqrt(c*d^2+a*e^2)*_
    sqrt(a+c*x^2)))/(c*d^2+a*e^2)^(9/2)+1/3*(-a*e*(2*c*d^2-5*a*e^2)+_
    c*d*(2*c*d^2+9*a*e^2)*x)/(a^2*(c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x)^2*_
    sqrt(a+c*x^2)+1/6*e*(4*c^2*d^4+24*a*c*d^2*e^2-15*a^2*e^4)*_
    sqrt(a+c*x^2)/(a^2*(c*d^2+a*e^2)^3*(d+e*x)^2)+1/6*c*d*e*(4*c^2*_
    d^4+28*a*c*d^2*e^2-81*a^2*e^4)*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*(c*d^2+a*e^2)^4*(d+e*x))
--R
--R
--R
    (2)
                                       3 2 7
--R
                3 2 8 2 3 2 6 4
                                                  2 3 3 5 3
           (- 15a c e + 90a c d e )x + (- 30a c d e + 180a c d e )x
--R
--R
--R
                4 8 3 2 2 6 2 3 4 4 2
--R
           (- 15a c e + 75a c d e + 90a c d e )x
--R.
--R
               4
                    7
                         3 2 3 5 4 2 6 3 2 4 4
--R
           (- 30a c d e + 180a c d e )x - 15a c d e + 90a c d e
--R
--R
          +----+
          1 2
--R
                            cdx-ae
--R
         \|c x + a atanh(-----)
--R
                        +----+
--R
                        | 2 2 | 2
--R
                       --R
--R
                2 3 6 4 3 4 5 5 2 5
--R
           (-81acde + 28acde + 4cde)x
--R
--R
                3 2 7 2 3 2 5
                                    4 4 3 5 6 4
--R
           (- 15a c e - 72a c d e + 56a c d e + 8c d e)x
--R
--R
                 3 2 6
                          2 3 3 4 4 5 2 5 7 3
--R
           (-144a c d e + 96a c d e + 34a c d e + 4c d )x
--R
--R.
               4 7
                        3 2 2 5
                                   2 3 4 3
                                                462
--R
           (- 20a c e - 128a c d e + 114a c d e + 12a c d e)x
--R
--R
                    6
                         3 2 3 4
                                    2 3 5 2
                                                4 7
--R
           (-61a c d e + 74a c d e + 36a c d e + 6a c d)x - 3a e
--R
               4 2 5 3 2 4 3 2 3 6
--R.
--R.
           - 50a c d e + 64a c d e + 6a c d e
--R
          +----+
--R
--R
          | 2 2
         --R
--R /
--R
            6 10 5 2 2 8
                                4 3 4 6 3 4 6 4
                                                     25824
```

```
--R
        (6ace + 24acde + 36acde + 24acde + 6acde)x
--R
--R
           6 9 5237 4355 3473 2593
--R
         (12a c d e + 48a c d e + 72a c d e + 48a c d e + 12a c d e)x
--R
              7 10 6 2 8
--R
                               5 2 4 6 4 3 6 4
                                                    3 4 8 2
--R
             6a e + 30a c d e + 60a c d e + 60a c d e + 30a c d e
--R
--R
              2 5 10
--R
             6a c d
--R
--R
           2
--R
          x
--R
           7 9 6 3 7 5 2 5 5 4 3 7 3 3 4 9
--R
--R
         (12a d e + 48a c d e + 72a c d e + 48a c d e + 12a c d e)x
--R
--R
         7 2 8 6 4 6 5 2 6 4 4 3 8 2 3 4 10
--R
         6a d e + 24a c d e + 36a c d e + 24a c d e + 6a c d
--R
--R
        +----+
       | 2 2 | 2
--R
       --R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 300
--S 301 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R [
                    3 4 2 8 2 5 4 6 8
--R
--R
               (- 75a c d e + 450a c d e )x
--R
                    3 4 3 7 2 5 5 5 7
--R
--R
               (- 150a c d e + 900a c d e )x
--R
                    4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4 6
--R
--R
               (- 375a c d e + 2175a c d e + 450a c d e )x
--R
--R
                    4 3 3 7 3 4 5 5 5
--R
               (- 750a c d e + 4500a c d e )x
--R
--R
                    5 2 2 8 4 3 4 6 3 4 6 4 4
--R
               (- 540a c d e + 2865a c d e + 2250a c d e )x
--R
--R
                               4 3 5 5 3
                     5 2 3 7
               (- 1080a c d e + 6480a c d e )x
--R
--R
```

```
6 2 8 5 2 4 6 4 3 6 4 2
--R
--R
               (- 240a c d e + 900a c d e + 3240a c d e )x
--R
                    6 3 7 5 2 5 5
--R
                                         6 4 6 5 2 6 4
--R
              (- 480a c d e + 2880a c d e )x - 240a c d e + 1440a c d e
--R
                +----+
--R
--R
              +-+ | 2
--R
             --R
              3 5 2 8 2 6 4 6 10 3 5 3 7 2 6 5 5 9
--R
--R
            (15a c d e - 90a c d e )x + (30a c d e - 180a c d e )x
--R
               4 4 2 8 3 5 4 6 2 6 6 4 8
--R
            (210a c d e - 1245a c d e - 90a c d e )x
--R
--R
--R
               4 4 3 7 3 5 5 5 7
--R
            (420a c d e - 2520a c d e )x
--R
               5 3 2 8 4 4 4 6 3 5 6 4 6
--R
--R
            (615a c d e - 3480a c d e - 1260a c d e )x
--R
--R
                5 3 3 7 4 4 5 5 5
--R
            (1230a c d e - 7380a c d e )x
--R
               6 2 2 8 5 3 4 6 4 4 6 4 4
--R
--R
            (660a c d e - 3345a c d e - 3690a c d e )x
--R
--R
                6 2 3 7 5 3 5 5 3
--R
            (1320a c d e - 7920a c d e )x
--R
                7 28 6246 53642
--R
--R
            (240a c d e - 780a c d e - 3960a c d e )x
--R
                                    7 4 6
               7 3 7 6 2 5 5
--R
--R
            (480a c d e - 2880a c d e )x + 240a c d e - 1440a c d e
--R
--R
          log
--R
                          2 +-+ | 2 2
--R
                  ((d e x + d) | a + c d + (- a d e - c d) x)
--R
--R
--R
                  +----+
--R
                  1 2
--R
                 \c + a
--R
--R
--R
                    2 2 2
                                         2 | 2 2
--R
                ((-ae -cd)x -adex-ad)|ae +cd
--R
```

```
3 2 2 2 3 +-+
--R
--R
               ((ae + cde)x + (ade + cd)x)|a
--R
--R
                         +----+
--R
                     +-+ | 2
--R
              (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
               2536 654 772 9
--R
           (81a c d e - 28a c d e - 4c d e )x
--R
--R
--R
                       3 4 2 7 2 5 4 5 6 6 3 7 8 8
                4 3 9
            (- 15a c e - 235a c d e + 392a c d e - 26a c d e - 8c d e)x
--R
--R
                438 3436 2554 672 797
--R
--R
            (-30a c d e + 616a c d e + 208a c d e - 22a c d e - 4c d)x
--R
--R
                  5 2 9
                          4 3 2 7 3 4 4 5 2 5 6 3
--R
               - 75a c e - 1065a c d e + 2342a c d e - 316a c d e
--R
--R
                   6 8
--R
               - 78a c d e
--R
--R
              6
--R
              X
--R
                  5 2 8 4 3 3 6 3 4 5 4 2 5 7 2
--R
--R
               - 150a c d e + 585a c d e + 1526a c d e - 208a c d e
--R
--R
                    6 9
--R
               - 54a c d
--R
--R
              5
--R
             x
--R
                   6 9 5 2 2 7 4 3 4 5 3 4 6 3
--R
               - 108a c e - 1392a c d e + 3792a c d e - 512a c d e
--R
--R
--R
                    2 5 8
              - 128a c d e
--R
--R
--R
              4
--R
             х
--R
--R
                   6 8 5236 4354 3472
--R
               - 216a c d e - 564a c d e + 2184a c d e - 544a c d e
--R
--R
                  2 5 9
--R
               - 136a c d
--R
--R
              3
```

```
--R
           x
--R
             7 9 6 2 7 5 2 4 5 4 3 6 3 3 4 8 2
--R
--R
           (- 48a e - 552a c d e + 1872a c d e - 192a c d e - 48a c d e)x
--R
--R
                7 8 6 3 6
                                 5 2 5 4
                                             4 3 7 2 3 4 9
--R
           (- 96a d e - 624a c d e + 864a c d e - 384a c d e - 96a c d )x
--R
           +----+
--R
           | 2 2 | 2
--R
          --R
--R
             3 4 9 2 5 2 7 6 4 5 7 6 3 10
--R
--R
           (3ace + 50acde - 64acde - 6cde)x
--R
--R
             3 4 8 2 5 3 6 6 5 4 7 7 2 9
--R
           (6a c d e - 305a c d e + 12a c d e + 8c d e )x
--R
              4 3 9 3 4 2 7 2 5 4 5 6 6 3 7 8 8
--R
--R
           (42a c e + 628a c d e - 1206a c d e + 132a c d e + 34c d e)x
--R
              43 8 3436 2554 672 797
--R
--R
           (84a c d e - 940a c d e - 752a c d e + 82a c d e + 20c d)x
--R
                5 2 9 4 3 2 7 3 4 4 5 2 5 6 3
--R
              123a c e + 1692a c d e - 4004a c d e + 548a c d e
--R
--R
--R
                  6 8
--R
              136a c d e
--R
--R
              6
--R
             X
--R
                5 2 8 4 3 3 6 3 4 5 4 2 5 7 2
--R
--R
              246a c d e - 381a c d e - 2510a c d e + 432a c d e
--R
--R
                  6 9
--R
              110a c d
--R
--R
              5
--R
             х
--R
--R
                6 9 5 2 2 7 4 3 4 5 3 4 6 3
--R
              132a c e + 1668a c d e - 4728a c d e + 608a c d e
--R
--R
                 2 5 8
--R
              152a c d e
--R
--R
              4
--R
             x
```

```
--R
                6 8 5236 4354 3472
--R
--R
               264a c d e + 876a c d e - 2616a c d e + 736a c d e
--R
--R
                  2 5 9
--R
              184a c d
--R
--R
              3
--R
             X
--R
--R
              7 9 6 2 7 5 2 4 5 4 3 6 3 3 4 8 2
--R
            (48a e + 552a c d e - 1872a c d e + 192a c d e + 48a c d e)x
--R
               7 8 6 3 6 5 2 5 4 4 3 7 2
--R
--R
            (96a d e + 624a c d e - 864a c d e + 384a c d e + 96a c d )x
--R
--R
           +-+ | 2 2
--R
--R
           \|a \|a e + c d
--R
                 6 3 2 10 5 4 4 8 4 5 6 6 3 6 8 4
--R
--R
               30a c d e + 120a c d e + 180a c d e + 120a c d e
--R
--R
                2 7 10 2
--R
               30acd e
--R
--R
              8
--R
              x
--R
                  6 3 3 9 5 4 5 7 4 5 7 5 3 6 9 3
--R
--R
                 60a c d e + 240a c d e + 360a c d e + 240a c d e
--R
--R
                   2 7 11
--R
                 60a c d e
--R
              7
--R
--R
              x
--R
                  7 2 2 10 6 3 4 8 5 4 6 6 4 5 8 4
--R
--R
               150a c d e + 630a c d e + 1020a c d e + 780a c d e
--R
--R
                 3 6 10 2 2 7 12
--R
               270acd e + 30acd
--R
--R
               6
--R
             x
--R
                  7 2 3 9 6 3 5 7 5 4 7 5 4 5 9 3
--R
              300a c d e + 1200a c d e + 1800a c d e + 1200a c d e
--R
--R
```

```
--R
                3 6 11
--R
              300a c d e
--R
--R
              5
--R
             x
--R
                 8 2 10 7 2 4 8 6 3 6 6 5 4 8 4
--R
--R
               216a c d e + 1014a c d e + 1896a c d e + 1764a c d e
--R
                 4 5 10 2 3 6 12
--R
--R
              816a c d e + 150a c d
--R
--R
              4
--R
             X
--R
                 8 3 9 7 2 5 7 6 3 7 5 5 4 9 3
--R
--R
               432a c d e + 1728a c d e + 2592a c d e + 1728a c d e
--R
--R
                 4 5 11
--R
              432a c d e
--R
--R
              3
--R
             х
--R
--R
                9 2 10 8 4 8 7 2 6 6 6 3 8 4
--R
              96a d e + 600a c d e + 1440a c d e + 1680a c d e
--R
--R
                  5 4 10 2 4 5 12
--R
               960a c d e + 216a c d
--R
--R
              2
--R
             x
--R
                 939 8 57 7275 6393
--R
--R
              192a d e + 768a c d e + 1152a c d e + 768a c d e
--R
                 5 4 11
--R
--R
              192a c d e
--R
--R
--R
--R
             9 4 8 8 6 6 7 2 8 4 6 3 10 2 5 4 12
--R
           96a d e + 384a c d e + 576a c d e + 384a c d e + 96a c d
--R
             +----+
--R
           +-+ | 2 2 | 2
--R
--R
          |a| = + cd |cx + a|
--R
--R
                   6 4 2 10 5 5 4 8 4 6 6 6 3 7 8 4
                 - 6a c d e - 24a c d e - 36a c d e - 24a c d e
--R
```

```
--R
                   2 8 10 2
--R
--R
                - 6a c d e
--R
--R
              10
--R
              X
--R
                    6439 5557 4675 3793
--R
--R
                - 12a c d e - 48a c d e - 72a c d e - 48a c d e
--R
--R
                    2 8 11
                - 12a c d e
--R
--R
--R
              9
--R
              x
--R
--R
                   7 3 2 10 6 4 4 8 5 5 6 6 4 6 8 4
--R
               - 84a c d e - 342a c d e - 528a c d e - 372a c d e
--R
--R
                   3 7 10 2 2 8 12
--R
               - 108a c d e - 6a c d
--R
--R
              8
--R
              x
--R
                  7 3 3 9 6 4 5 7 5 5 7 5 4 6 9 3
--R
--R
               - 168a c d e - 672a c d e - 1008a c d e - 672a c d e
--R
--R
                    3 7 11
--R
               - 168a c d e
--R
--R
              7
--R
              X
--R
                   8 2 2 10 7 3 4 8 6 4 6 6 5 5 8 4
--R
               - 246a c d e - 1068a c d e - 1812a c d e - 1488a c d e
--R
--R
--R
                   4 6 10 2 3 7 12
               - 582a c d e - 84a c d
--R
--R
--R
               6
--R
              x
--R
                   8 2 3 9 7 3 5 7 6 4 7 5 5 5 9 3
--R
--R
               - 492a c d e - 1968a c d e - 2952a c d e - 1968a c d e
--R
--R
                   4 6 11
--R
               - 492a c d e
--R
--R
              5
```

```
--R
            x
--R
                 9 2 10 8 2 4 8 7 3 6 6 6 4 8 4
--R
               - 264a c d e \, - 1302a c d e \, - 2568a c d e \, - 2532a c d e
--R
--R
--R
                    5 5 10 2 4 6 12
--R
              - 1248a c d e - 246a c d
--R
--R
              4
--R
             x
--R
                   9 3 9 8 2 5 7 7 3 7 5 6 4 9 3
--R
               - 528a c d e - 2112a c d e - 3168a c d e - 2112a c d e
--R
--R
--R
                  5 5 11
--R
              - 528a c d e
--R
--R
              3
--R
             x
--R
--R
                  10 2 10 9 4 8 8 2 6 6 7 3 8 4
--R
               - 96a de - 648acde - 1632acde - 1968acde
--R
--R
                   6 4 10 2 5 5 12
--R
               - 1152a c d e - 264a c d
--R
--R
              2
--R
             x
--R
                   10 3 9 9 5 7 8 2 7 5 7 3 9 3
--R
--R
               - 192a de - 768acde - 1152acde - 768acde
--R
--R
                   6 4 11
--R
              - 192a c d e
--R
--R
--R
               10 4 8 9 6 6 8 2 8 4 7 3 10 2 6 4 12
--R
           - 96a de - 384acde - 576acde - 384acde - 96acd
--R
--R
           +----+
--R
--R
           1 2 2
--R.
          \|a e + c d
--R
--R
--R
                    3 4 2 8 2 5 4 6 8
--R
               (- 150a c d e + 900a c d e )x
--R
--R
                   3 4 3 7 2 5 5 5 7
--R
              (- 300a c d e + 1800a c d e )x
```

```
--R
                     4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4 6
--R
--R
               (- 750a c d e + 4350a c d e + 900a c d e )x
--R
                      4 3 3 7 3 4 5 5 5
--R
--R
               (- 1500a c d e + 9000a c d e )x
--R
                      5 2 2 8 4 3 4 6 3 4 6 4 4
--R
               (- 1080a c d e + 5730a c d e + 4500a c d e )x
--R
--R
--R
                      5 2 3 7
                                 4 3 5 5 3
               (- 2160a c d e + 12960a c d e )x
--R
--R
--R
                    6 2 8 5 2 4 6 4 3 6 4 2
               (- 480a c d e + 1800a c d e + 6480a c d e )x
--R
--R
--R
                     6 3 7 5 2 5 5
                                            6 4 6 5 2 6 4
--R
               (- 960a c d e + 5760a c d e )x - 480a c d e + 2880a c d e
--R
--R
                 +----+
--R
               +-+ | 2
--R
              --R
--R
               3 5 2 8 2 6 4 6 10 3 5 3 7 2 6 5 5 9
--R
            (30a c d e - 180a c d e )x + (60a c d e - 360a c d e )x
--R
--R
                4 4 2 8
                        3 5 4 6 2 6 6 4 8
--R
            (420a c d e - 2490a c d e - 180a c d e )x
--R
                4 4 3 7 3 5 5 5 7
--R
--R
            (840a c d e - 5040a c d e )x
--R
                            4 4 4 6 3 5 6 4 6
--R
                5 3 2 8
--R
            (1230a c d e - 6960a c d e - 2520a c d e )x
--R
--R
                5 3 3 7
                             44555
--R
            (2460a c d e  - 14760a c d e )x
--R
                6 2 2 8 5 3 4 6 4 4 6 4 4
--R
--R
            (1320a c d e - 6690a c d e - 7380a c d e )x
--R
--R
                6 2 3 7 5 3 5 5 3
--R
            (2640a c d e - 15840a c d e )x
--R
--R
               7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4 2
            (480a c d e - 1560a c d e - 7920a c d e )x
--R
--R
               7 3 7 6 2 5 5
                                      7 4 6 6 2 6 4
--R
            (960a c d e - 5760a c d e)x + 480a c d e - 2880a c d e
--R
--R
```

```
| 2 2 | 2
--R
                                           | 2 2 +-+
--R
--R
             d = a - c d | c x + a + (-e x - d) = a - c d | a
--R
                              2 2
--R
--R
                              (ae + cd)x
--R
              2536 654 772 9
--R
--R
          (81acde - 28acde - 4cde)x
--R
               439 3427 2545 663 788
--R
           (- 15a c e - 235a c d e + 392a c d e - 26a c d e - 8c d e)x
--R
--R
               438 3436 2554 672 797
--R
--R
           (-30a c d e + 616a c d e + 208a c d e - 22a c d e - 4c d)x
--R
--R
                 5 2 9 4 3 2 7 3 4 4 5 2 5 6 3
--R
              - 75a c e - 1065a c d e + 2342a c d e - 316a c d e
--R
--R
                  6 8
--R
              - 78a c d e
--R
--R
             6
--R
             X
--R
                5 2 8 4 3 3 6 3 4 5 4 2 5 7 2
--R
--R
              - 150a c d e + 585a c d e + 1526a c d e - 208a c d e
--R
--R
                  6 9
--R
              - 54a c d
--R
--R
             5
--R
            X
--R
                 6 9 5 2 2 7 4 3 4 5 3 4 6 3
--R
              - 108a c e - 1392a c d e + 3792a c d e - 512a c d e
--R
--R
--R
                 2 5 8
             - 128a c d e
--R
--R
--R
             4
--R
            х
--R.
--R
                 6 8 5236 4354 3472
--R
              - 216a c d e - 564a c d e + 2184a c d e - 544a c d e
--R
--R
                 2 5 9
--R
              - 136a c d
--R
--R
             3
```

```
--R
            x
--R
              7 9 6 2 7 5 2 4 5 4 3 6 3 3 4 8 2
--R
--R
            (- 48a e - 552a c d e + 1872a c d e - 192a c d e - 48a c d e)x
--R
                7 8 6 3 6
--R
                                   5 2 5 4
                                              4 3 7 2 3 4 9
--R
           (- 96a d e - 624a c d e + 864a c d e - 384a c d e - 96a c d )x
--R
--R
           +----+
           | 2 2 | 2
--R
          \label{locality} $$ \locality = ae -cd \cline + a
--R
--R
             3 4 9 2 5 2 7 6 4 5 7 6 3 10
--R
--R
            (3ace + 50acde - 64acde - 6cde)x
--R
--R
              3 4 8 2 5 3 6 6 5 4 7 7 2 9
--R
            (6a c d e - 305a c d e + 12a c d e + 8c d e )x
--R
               4 3 9 3 4 2 7 2 5 4 5 6 6 3 7 8 8
--R
--R
            (42a c e + 628a c d e - 1206a c d e + 132a c d e + 34c d e)x
--R
--R
              438 3436 2554 672 797
--R
            (84a c d e - 940a c d e - 752a c d e + 82a c d e + 20c d)x
--R
                 5 2 9 4 3 2 7 3 4 4 5 2 5 6 3
--R
               123a c e + 1692a c d e - 4004a c d e + 548a c d e
--R
--R
--R
                   6 8
--R
               136a c d e
--R
--R
              6
--R
              X
--R
                 5 2 8 4 3 3 6 3 4 5 4 2 5 7 2
--R
--R
               246a c d e - 381a c d e - 2510a c d e + 432a c d e
--R
--R
                  6 9
--R
               110a c d
--R
--R
              5
--R
             х
--R
--R
                 6 9 5 2 2 7 4 3 4 5 3 4 6 3
--R
               132a c e + 1668a c d e - 4728a c d e + 608a c d e
--R
--R
                  2 5 8
--R
              152a c d e
--R
--R
              4
--R
             x
```

```
--R
                6 8 5236 4354 3472
--R
--R
              264a c d e + 876a c d e - 2616a c d e + 736a c d e
--R
--R
                  2 5 9
--R
              184a c d
--R
--R
              3
--R
             X
--R
--R
              7 9 6 2 7 5 2 4 5 4 3 6 3 3 4 8 2
--R
            (48a e + 552a c d e - 1872a c d e + 192a c d e + 48a c d e)x
--R
              7 8 6 3 6 5 2 5 4 4 3 7 2
--R
--R
            (96a d e + 624a c d e - 864a c d e + 384a c d e + 96a c d )x
--R
--R
           +----+
           2 2 +-+
--R
--R
           \|- a e - c d \|a
--R
                6 3 2 10 5 4 4 8 4 5 6 6 3 6 8 4
--R
--R
               30a c d e + 120a c d e + 180a c d e + 120a c d e
--R
--R
                2 7 10 2
--R
               30a c d e
--R
--R
              8
--R
             x
--R
                  6 3 3 9 5 4 5 7 4 5 7 5 3 6 9 3
--R
--R
                 60a c d e + 240a c d e + 360a c d e + 240a c d e
--R
--R
                  2 7 11
--R
                 60a c d e
--R
              7
--R
--R
             x
--R
                  7 2 2 10 6 3 4 8 5 4 6 6 4 5 8 4
--R
--R
               150a c d e + 630a c d e + 1020a c d e + 780a c d e
--R
--R
                 3 6 10 2 2 7 12
--R
              270acd e + 30acd
--R
--R
              6
--R
             x
--R
                 7 2 3 9 6 3 5 7 5 4 7 5 4 5 9 3
--R
              300a c d e + 1200a c d e + 1800a c d e + 1200a c d e
--R
--R
```

```
--R
                3 6 11
--R
              300a c d e
--R
--R
              5
--R
             x
--R
                 8 2 10 7 2 4 8 6 3 6 6 5 4 8 4
--R
--R
              216a c d e + 1014a c d e + 1896a c d e + 1764a c d e
--R
                4 5 10 2 3 6 12
--R
--R
              816a c d e + 150a c d
--R
--R
              4
--R
             X
--R
                8 3 9 7 2 5 7 6 3 7 5 5 4 9 3
--R
--R
              432a c d e + 1728a c d e + 2592a c d e + 1728a c d e
--R
--R
                4 5 11
--R
              432a c d e
--R
--R
              3
--R
             x
--R
--R
               9 2 10 8 4 8 7 2 6 6 6 3 8 4
--R
              96a d e + 600a c d e + 1440a c d e + 1680a c d e
--R
--R
                 5 4 10 2 4 5 12
--R
              960a c d e + 216a c d
--R
--R
              2
--R
             x
--R
                939 8 57 7275 6393
--R
--R
              192a d e + 768a c d e + 1152a c d e + 768a c d e
--R
                5 4 11
--R
--R
              192a c d e
--R
--R
--R
--R
             9 4 8 8 6 6 7 2 8 4 6 3 10 2 5 4 12
--R
           96a d e + 384a c d e + 576a c d e + 384a c d e + 96a c d
--R
--R
           +----+
           | 2 2 +-+ | 2
--R
--R
          --R
--R
                  6 4 2 10 5 5 4 8 4 6 6 6 3 7 8 4
                - 6a c d e - 24a c d e - 36a c d e - 24a c d e
--R
```

```
--R
--R
                   2 8 10 2
--R
                - 6a c d e
--R
--R
              10
--R
              X
--R
                    6439 5557 4675 3793
--R
--R
                - 12a c d e - 48a c d e - 72a c d e - 48a c d e
--R
--R
                    2 8 11
                - 12a c d e
--R
--R
--R
               9
--R
              x
--R
--R
                   7 3 2 10 6 4 4 8 5 5 6 6 4 6 8 4
--R
               - 84a c d e - 342a c d e - 528a c d e - 372a c d e
--R
--R
                   3 7 10 2 2 8 12
--R
               - 108a c d e - 6a c d
--R
--R
              8
--R
              x
--R
                   7 3 3 9 6 4 5 7 5 5 7 5 4 6 9 3
--R
--R
               - 168a c d e - 672a c d e - 1008a c d e - 672a c d e
--R
--R
                    3 7 11
--R
               - 168a c d e
--R
--R
              7
--R
              x
--R
                   8 2 2 10 7 3 4 8 6 4 6 6 5 5 8 4
--R
               - 246a c d e - 1068a c d e - 1812a c d e - 1488a c d e
--R
--R
                   4 6 10 2 3 7 12
--R
               - 582a c d e - 84a c d
--R
--R
--R
               6
--R
              x
--R.
                   8 2 3 9 7 3 5 7 6 4 7 5 5 5 9 3
--R
--R
               - 492a c d e - 1968a c d e - 2952a c d e - 1968a c d e
--R
--R
                   4 6 11
--R
               - 492a c d e
--R
--R
              5
```

```
--R
            x
--R
                 9 2 10 8 2 4 8 7 3 6 6 6 4 8 4
--R
               - 264a c d e   - 1302a c d e   - 2568a c d e   - 2532a c d e
--R
--R
                    5 5 10 2
--R
                              4 6 12
--R
              - 1248a c d e - 246a c d
--R
--R
              4
--R
             X
--R
                   9 3 9 8 2 5 7 7 3 7 5 6 4 9 3
--R
               - 528a c d e - 2112a c d e - 3168a c d e - 2112a c d e
--R
--R
--R
                  5 5 11
--R
              - 528a c d e
--R
--R
              3
--R
             X
--R
                  10 2 10 9 4 8 8 2 6 6 7 3 8 4
--R
--R
               - 96a de - 648acde - 1632acde - 1968acde
--R
--R
                   6 4 10 2 5 5 12
--R
               - 1152a c d e - 264a c d
--R
--R
              2
--R
             x
--R
                   10 3 9 9 5 7 8 2 7 5 7 3 9 3
--R
--R
               - 192a de - 768acde - 1152acde - 768acde
--R
--R
                   6 4 11
--R
              - 192a c d e
--R
--R
--R
               10 4 8 9 6 6 8 2 8 4 7 3 10 2 6 4 12
--R
            - 96a de - 384acde - 576acde - 384acde - 96acd
--R
--R
           +----+
--R
           1 2 2
--R
--R.
          \|- a e - c d
--R
      ]
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 301
--S 302 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
```

```
--R
   (4)
--R
--R
                 3 3 2 6 2 4 4 4 4 4 2 2 6 3 3 4 4 2
--R
             (- 15a c d e + 90a c d e )x + (- 180a c d e + 1080a c d e )x
--R
                  5 2 6 4 2 4 4
--R
--R
             - 240a c d e + 1440a c d e
--R
             +----+
--R
            | 2
--R
--R
            \c x + a
--R
                3 3 2 6 2 4 4 4 4 4 2 2 6 3 3 4 4 2
--R
             (75a c d e - 450a c d e )x + (300a c d e - 1800a c d e )x
--R
--R
--R
               5 26 4244
--R
             240a c d e - 1440a c d e
--R
--R
            +-+
--R
            \|a
--R
--R
         log
--R
                      2 +-+ | 2 2 2 3 | 2
--R
--R
              ((d e x + d) | a e + c d + (-a d e - c d) x) | c x + a
--R
--R
                   2 2 2
                                       2 | 2 2
--R
--R
              ((- a e - c d )x - a d e x - a d )\|a e + c d
--R.
                                      3 +-+
--R
                      2 2 2
--R
              ((ae + cde)x + (ade + cd)x)|a
--R
--R
                      +----+
--R
                    +-+ | 2
--R
             (e x + d) | a | c x + a - a e x - a d
--R
                3 3 2 6 2 4 4 4 4 4 2 2 6 3 3 4 4 2
--R
             (15a c d e - 90a c d e )x + (180a c d e - 1080a c d e )x
--R
--R
               5 2 6 4 2 4 4
--R
--R
             240a c d e - 1440a c d e
--R.
--R
             +----+
            1 2
--R
--R
            \c x + a
--R
--R
                3 3 2 6 2 4 4 4 4 4 2 2 6 3 3 4 4 2
             (-75acde + 450acde)x + (-300acde + 1800acde)x
--R
--R
```

```
5 26 4244
--R
--R
           - 240a c d e + 1440a c d e
--R
--R
           +-+
--R
          \|a
--R
--R
                cdx-ae
--R
        atanh(-----)
           +----+
--R
            | 2 2 | 2
--R
--R
            --R
            3 2 7 2 3 2 5 4 4 3 5 6 4
--R
--R
         (- 3a c e - 50a c d e + 64a c d e + 6c d e)x
--R
--R
             4 7 3 2 2 5 2 3 4 3 4 6 2 5 7
--R
         (- 36a c e - 600a c d e + 768a c d e + 72a c d e)x - 48a e
--R
            4 2 5 3 2 4 3 2 3 6
--R
--R
         -800acde +1024acde +96acde
--R
          +----+
--R
--R
        +-+ | 2 2 | 2
--R
        --R
           4 2 7 3 3 2 5 2 4 4 3 5 6 4
--R
--R
         (15a c e + 250a c d e - 320a c d e - 30a c d e)x
--R
           5 7 4 2 2 5 3 3 4 3
--R
                                       2 4 6 2 6 7
--R
         (60a c e + 1000a c d e - 1280a c d e - 120a c d e)x + 48a e
--R
            5 2 5 4 2 4 3 3 3 6
--R
--R
        800a c d e - 1024a c d e - 96a c d e
--R
--R
        +----+
        | 2 2
--R
--R
        \label{lagrange} \ + c d
--R /
          6 2 2 8 5 3 4 6 4 4 6 4 3 5 8 2 2 6 10 4
--R
--R
         (6a c d e + 24a c d e + 36a c d e + 24a c d e + 6a c d )x
--R
--R
           7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4 4 4 8 2 3 5 10 2
--R
         (72a c d e + 288a c d e + 432a c d e + 288a c d e + 72a c d )x
--R
          8 2 8 7 4 6 6 2 6 4 5 3 8 2 4 4 10
--R
--R
         96a d e + 384a c d e + 576a c d e + 384a c d e + 96a c d
--R
--R
        +----+
        | 2 2 | 2
--R
        --R
```

```
--R
--R
                   6 2 2 8 5 3 4 6 4 4 6 4 3 5 8 2
--R
               -30a c d e -120a c d e -180a c d e -120a c d e
--R
--R
                   2 6 10
--R
               - 30a c d
--R
--R
--R
           х
--R
--R
                  7 28 6246 5364 4482
             - 120a c d e - 480a c d e - 720a c d e - 480a c d e
--R
--R
--R
                 3 5 10
--R
             - 120a c d
--R
--R
             2
--R
            x
--R
             8 2 8 7 4 6 6 2 6 4 5 3 8 2 4 4 10
--R
--R
          - 96a d e - 384a c d e - 576a c d e - 384a c d e - 96a c d
--R
--R
         +-+ | 2 2
--R
--R
         \|a \|a e + c d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 302
--S 303 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 303
--S 304 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
                3 3 2 6 2 4 4 4 4 4 2 2 6 3 3 4 4 2
              (15a c d e - 90a c d e )x + (180a c d e - 1080a c d e )x
--R.
--R
--R
               5 2 6 4 2 4 4
--R
             240a c d e - 1440a c d e
--R
--R
            +----+
--R
            | 2 2 | 2
            --R
```

```
--R
              3 3 2 6 2 4 4 4 4 4 2 2 6 3 3 4 4 2
--R
--R
           (- 75a c d e + 450a c d e )x + (- 300a c d e + 1800a c d e )x
--R
--R
               5 26 4244
--R
           - 240a c d e + 1440a c d e
--R
--R
           | 2 2 +-+
--R
--R
          --R
--R
                cdx-ae
        atanh(-----)
--R
          +----+
--R
--R
            | 2 2 | 2
--R
           --R
--R
               3 3 2 6 2 4 4 4 4 4 2 2 6 3 3 4 4 2
--R
           (- 30a c d e + 180a c d e )x + (- 360a c d e + 2160a c d e )x
--R
--R
              5 2 6 4 2 4 4
           - 480a c d e + 2880a c d e
--R
--R
--R
           +----+
--R
           | 2 2 | 2
--R
          --R
              3 3 2 6 2 4 4 4 4 4 2 2 6 3 3 4 4 2
--R
--R
           (150a c d e - 900a c d e )x + (600a c d e - 3600a c d e )x
--R.
              5 26 4244
--R
--R
           480a c d e - 2880a c d e
--R
--R
             +----+
           +-+ | 2 2
--R
--R
          |a|a + cd
--R
            +-----
--R
            | 2 2 | 2
                                      | 2 2 +-+
--R
           d = a - c d | c + a + (-e + d) = a - c d | a
--R
--R
--R
                             2
                                  2
--R.
                           (ae + cd)x
--R
--R
           3 2 7 2 3 2 5 4 4 3 5 6 4
--R
         (- 3a c e - 50a c d e + 64a c d e + 6c d e)x
--R
            4 7 3 2 2 5 2 3 4 3 4 6 2 5 7
--R
        (- 36a c e - 600a c d e + 768a c d e + 72a c d e)x - 48a e
--R
--R
```

```
4 2 5 3 2 4 3 2 3 6
--R
--R
         - 800a c d e + 1024a c d e + 96a c d e
--R
--R
        +----+ +----+
        | 2 2 +-+ | 2 2 | 2
--R
        --R
--R
           4 2 7 3 3 2 5 2 4 4 3
--R
         (15a c e + 250a c d e - 320a c d e - 30a c d e)x
--R
--R
--R
           5 7 4 2 2 5
                                       2 4 6 2
                             3 3 4 3
--R
         (60a c e + 1000a c d e - 1280a c d e - 120a c d e)x + 48a e
--R
--R
           5 2 5 4 2 4 3
                              3 3 6
        800a c d e - 1024a c d e - 96a c d e
--R
--R
--R
        +----+
--R
        | 2 2 | 2 2
        \|-ae -cd \|ae +cd
--R
--R /
--R
          6 2 2 8 5 3 4 6 4 4 6 4 3 5 8 2 2 6 10 4
         (6a c d e + 24a c d e + 36a c d e + 24a c d e + 6a c d )x
--R
--R
--R
           7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4 4 4 8 2 3 5 10 2
--R
         (72a c d e + 288a c d e + 432a c d e + 288a c d e + 72a c d)x
--R
           8 2 8 7 4 6 6 2 6 4 5 3 8 2 4 4 10
--R
--R
         96a d e + 384a c d e + 576a c d e + 384a c d e + 96a c d
--R
--R
        +----+
        | 2 2 | 2 2 | 2
--R
--R
        --R
                6 2 2 8 5 3 4 6 4 4 6 4 3 5 8 2
--R
--R
             - 30a c d e - 120a c d e - 180a c d e - 120a c d e
--R
--R
                2 6 10
--R
             - 30a c d
--R
--R
           4
--R
          x
--R
               7 28 6246 5364 4482
--R.
--R
            - 120a c d e - 480a c d e - 720a c d e - 480a c d e
--R
--R
                3 5 10
--R
           - 120a c d
--R
--R
           2
--R
          x
```

```
--R
             8 2 8 7 4 6 6 2 6 4 5 3 8 2 4 4 10
--R
--R
          - 96a d e - 384a c d e - 576a c d e - 384a c d e - 96a c d
--R
         +----+
--R
        | 2 2 +-+ | 2 2
--R
--R
        |-ae-cd||a||ae+cd
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 304
--S 305 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 305
)clear all
--S 306 of 1581
t0:=(1-x)/sqrt(1-x^2)
--R
--R
--R
        - x + 1
--R
   (1) -----
        +----+
--R
       1 2
--R
--R
       \|- x + 1
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 306
--S 307 of 1581
r0:=asin(x)+sqrt(1-x^2)
--R
--R
       +----+
--R
       1 2
--R
   (2) |-x + 1 + asin(x)
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 307
--S 308 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                          +----+
--R
                          1 2
          --R
       --R
```

```
--R
--R
--R
                       1 2
--R
--R
                       \|- x + 1 - 1
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 308
--S 309 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                1 2
--R
      \|- x + 1 - 1
--R
    (4) - 2atan(-----) - asin(x) + 1
--R
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 309
--S 310 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 310
)clear all
--S 311 of 1581
t0:=(1+x)/sqrt(1-x^2)
--R
--R
--R
          x + 1
--R (1) -----
--R +----+
         1 2
--R
--R
       \|- x + 1
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 311
--S 312 of 1581
r0:=asin(x)-sqrt(1-x^2)
--R
--R
          +----+
--R
        1 2
--R
--R (2) - |- x + 1 + asin(x)
--R
                                               Type: Expression(Integer)
```

```
--E 312
--S 313 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           --R
--R
        (-2|-x+1+2)atan(-----+x+1+x+1+2)
--R
--R
--R
    (3) -----
--R
                     1 2
--R
--R
                    \|- x + 1 - 1
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 313
--S 314 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              1 2
--R
         \|- x + 1 - 1
--R
   (4) - 2atan(-----) - asin(x) - 1
--R
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 314
--S 315 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 315
)clear all
--S 316 of 1581
t0:=(3+x)/sqrt(1-x^2)
--R
--R
--R
         x + 3
--R (1) -----
     +----+
--R
        1 2
--R
--R
      \|- x + 1
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--Е 316
--S 317 of 1581
r0:=3*asin(x)-sqrt(1-x^2)
--R
--R
--R +-----+
--R | 2
--R (2) - |-x + 1 + 3asin(x)
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 317
--S 318 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                         +----+
          --R
--R
       --R
--R
--R (3) -----
--R
                   +----+
                   1 2
--R
--R
                   --R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 318
--S 319 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             1 2
--R
       \|- x + 1 - 1
--R
   (4) - 6atan(-----) - 3asin(x) - 1
--R
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 319
--S 320 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 320
)clear all
```

```
--S 321 of 1581
t0:=(1+x)/sqrt(4-x^2)
--R
--R
--R
        x + 1
--R (1) -----
--R
        1 2
--R
--R
      \ |-x + 4
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 321
--S 322 of 1581
r0:=asin(1/2*x)-sqrt(4-x^2)
--R
--R
     +----+
| 2 x
--R
--R
--R
   (2) - |- x + 4 + asin(-)
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 322
--S 323 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
          --R
--R
--R
       (- 2\|- x + 4 + 4)atan(-----) + x
--R
--R
    (3) -----
--R
--R
--R
                    1 2
                    \ |-x + 4 - 2
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 323
--S 324 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              +----+
              1 2
--R
         --R
   (4) - 2atan(-----) - asin(-) - 2
               x
--R
                                2
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 324
```

```
--S 325 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 325
)clear all
--S 326 of 1581
t0:=(2+x)/sqrt(9+x^2)
--R
--R
--R
         x + 2
--R (1) -----
--R +----+
--R
        1 2
--R
       \|x + 9
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 326
--S 327 of 1581
r0:=2*asinh(1/3*x)+sqrt(9+x^2)
--R
--R
         +----+
--R
         1 2
--R
--R (2) |x + 9 + 2asinh(-)
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 327
--S 328 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
             --R
--R
       (-2|x + 9 + 2x)\log(|x + 9 - x| - x|x + 9 + x + 9
--R
--R
--R
                            +----+
--R
                            | 2
--R
                            |x + 9 - x|
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 328
--S 329 of 1581
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
               | 2
--R
   (4) -2\log(|x + 9 - x) - 2asinh(-)
--R
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 329
--S 330 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 330
)clear all
--S 331 of 1581
t0:=(a+b*x)^2/sqrt(1-x^2)
--R
--R
        2 2 2
--R
   b x + 2a b x + a
--R
--R (1) -----
--R
--R
            1 2
--R
           \|- x + 1
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 331
--S 332 of 1581
\texttt{r0:=1/2*(2*a^2+b^2)*asin(x)-3/2*a*b*sqrt(1-x^2)-1/2*b*(a+b*x)*sqrt(1-x^2)}
--R
--R
                     +----+
--R
           2
                    | 2 2 2
--R
       (-b x - 4a b) | -x + 1 + (b + 2a) asin(x)
--R
    (2) -----
--R
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 332
--S 333 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                      +----+
--R
```

```
2 2 2 2 2 2
--R
--R
         ((-4b - 8a) | -x + 1 + (-2b - 4a)x + 4b + 8a)
--R
--R
             1 2
--R
--R
            | - x + 1 - 1
       atan(-----)
--R
--R
--R
--R
         23 2 2 2 2 2 3 2 2
--R
       (-b x - 4a b x + 2b x) | -x + 1 + 2b x + 4a b x - 2b x
--R
--R /
       +----+
--R
                2
--R
       1 2
--R
      4 | -x + 1 + 2x - 4
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 333
--S 334 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
                      1 2
          2 2 \|-x + 1 - 1 2 2
--R
        (- 2b - 4a )atan(-----) + (- b - 2a )asin(x) - 4a b
--R
--R
--R
--R
                                2
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 334
--S 335 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 335
)clear all
--S 336 of 1581
t0:=(a+b*x)^2/sqrt(1+x^2)
--R
--R
       2 2 2
--R
    b x + 2a b x + a
--R
--R (1) -----
```

```
--R
             1 2
--R
--R
            \|x + 1
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 336
--S 337 of 1581
r0:=1/2*(2*a^2-b^2)*asinh(x)+3/2*a*b*sqrt(1+x^2)+1/2*b*(a+b*x)*sqrt(1+x^2)
--R
--R
                 | 2
                            2 2
--R
        (b x + 4a b) | x + 1 + (-b + 2a) asinh(x)
--R
--R
    (2) -----
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 337
--S 338 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
           2 2 1 2 2 2 2 2 1 2
--R
       ((2b - 4a)x|x + 1 + (-2b + 4a)x - b + 2a)\log(|x + 1 - x)
--R
--R
--R
          23 2 2 | 2 24 3 22
--R
--R
       (-2b x - 8a b x - b x - 4a b) | x + 1 + 2b x + 8a b x + 2b x
--R
--R
        8a b x
--R /
--R
        +----+
--R
        1 2
      4x | x + 1 - 4x - 2
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 338
--S 339 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                    +----+
         2 2 | 2 2
--R
--R
        (b - 2a)\log(|x + 1 - x) + (b - 2a)asinh(x)
--R
                            2
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 339
```

```
--S 340 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 340
)clear all
--S 341 of 1581
t0:=1/((1+x)*sqrt(1-x^2))
--R
--R
--R
                1
--R (1) -----
--R +-----+
--R | 2
--R
    (x + 1) | - x + 1
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 341
--S 342 of 1581
r0:=-sqrt(1-x^2)/(1+x)
--R
--R
--R +-----+
--R | 2
--R \|- x + 1
--R (2) - -----
    x + 1
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 342
--S 343 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                2x
--R
--R +----+
--R
         1 2
        \|- x + 1 - x - 1
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 343
--S 344 of 1581
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R (4) - 1
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 344
--S 345 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 345
)clear all
--S 346 of 1581
t0:=(2+3*x)/(4+x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
       3x + 2
--R (1) -----
--R +----+
--R 2 | 2
--R (x + 4)\|x + 4
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 346
--S 347 of 1581
r0:=1/2*(-6+x)/sqrt(4+x^2)
--R
--R
--R x - 6
--R (2) -----
--R +----+
--R | 2
--R
       2|x + 4
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 347
--S 348 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         +----+
--R
         | 2
--R
--R 3 | x + 4 - 3x - 2
--R (3) -----
--R
          +----+
--R | 2 2
--R x\|x + 4 - x - 4
```

```
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 348
--S 349 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
    (4) -
--R
         2
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 349
--S 350 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 350
)clear all
--S 351 of 1581
t0:=(d+e*x)^(5/2)*(a+c*x^2)
--R
--R
--R
             2 4 3 2 2 2
                                                         2 +----+
--R
    (1) (c e x + 2c d e x + (a e + c d)x + 2a d e x + a d) | e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 351
--S 352 of 1581
r0:=2/7*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(7/2)/e^3-4/9*c*d*(d+e*x)^(9/2)/e^3+_
    2/11*c*(d+e*x)^(11/2)/e^3
--R
--R
--R
     (2)
--R
               5 5
                           4 4
                                      5
--R
          126c e x + 322c d e x + (198a e + 226c d e )x
--R
--R
                 4 322
                                  2 3
                                              4
                                                          3 2
--R
         (594a d e + 6c d e )x + (594a d e - 8c d e)x + 198a d e + 16c d
--R
         +----+
--R
--R
        --R /
--R
--R
       693e
--R
                                                Type: Expression(Integer)
```

```
--E 352
--S 353 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
              5 5 4 4
--R
--R
         126c e x + 322c d e x + (198a e + 226c d e )x
--R
--R
                 4 322 23 4 32 5
          (594a d e + 6c d e )x + (594a d e - 8c d e)x + 198a d e + 16c d
--R
--R
         +----+
--R
--R
        \ | e x + d
--R /
--R
          3
--R
       693e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 353
--S 354 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
    (4) 0
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 354
--S 355 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 355
)clear all
--S 356 of 1581
t0:=(d+e*x)^(3/2)*(a+c*x^2)
--R
--R
--R
             3
                      2
--R
    (1) (c e x + c d x + a e x + a d) | e x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 356
--S 357 of 1581
r0:=2/5*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(5/2)/e^3-4/7*c*d*(d+e*x)^(7/2)/e^3+_
```

```
2/9*c*(d+e*x)^(9/2)/e^3
--R
--R
--R (2)
            4 4 3 3 4 2 2 2 3 3
--R
         70c e x + 100c d e x + (126a e + 6c d e )x + (252a d e - 8c d e)x
--R
--R
--R
             2 2
--R
        126a d e + 16c d
--R
--R
        +----+
        --R
--R /
--R
        3
--R
      315e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 357
--S 358 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
            4 4 3 3 4 2 2 2 3 3
--R
--R
         70c e x + 100c d e x + (126a e + 6c d e )x + (252a d e - 8c d e)x
--R
--R
             2 2
--R
         126a d e + 16c d
--R
--R
        +----+
--R
        --R /
--R
         3
--R
      315e
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 358
--S 359 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 359
--S 360 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 360
)clear all
--S 361 of 1581
t0:=(a+c*x^2)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
           2
                 +----+
--R (1) (c x + a)\|e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 361
--S 362 of 1581
r0:=2/3*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(3/2)/e^3-4/5*c*d*(d+e*x)^(5/2)/e^3+_
    2/7*c*(d+e*x)^(7/2)/e^3
--R
--R
--R (2)
        3 3 2 2 3 2
--R
                                           2 3 +----+
--R (30c e x + 6c d e x + (70a e - 8c d e)x + 70a d e + 16c d) | e x + d
--R
--R
                                      3
--R
                                   105e
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 362
--S 363 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          3 3 2 2 3 2 2 3 +-----+
--R
--R (30c e x + 6c d e x + (70a e - 8c d e)x + 70a d e + 16c d )\|e x + d
--R
--R
                                      3
--R
                                   105e
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 363
--S 364 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 364
--S 365 of 1581
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 365
)clear all
--S 366 of 1581
t0:=(a+c*x^2)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
 --R
 --R
                   c x + a
--R (1) -----
--R
                                     +----+
                                   \|e x + d
--R
--R
                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 366
--S 367 of 1581
r0:=-4/3*c*d*(d+e*x)^{(3/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2*(c*d^2+a*e^2)*} = -4/3*c*d*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2*(c*d^2+a*e^2)*} = -4/3*c*d*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/6*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/5*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/6*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/6*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/6*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/6*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/6*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/6*c*(d+e*x)^{(5/2)/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^3+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^2+2/e^
                  sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
                                                2 2
                                                                                            2 2 +----+
--R
                     (6c e x - 8c d e x + 30a e + 16c d )\|e x + d
--R
--R
--R
--R
                                                                                                                    15e
--R
                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 367
--S 368 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                                                                                                                   2 2 +----+
--R
                                                  2 2
--R
                                 (6c e x - 8c d e x + 30a e + 16c d) | e x + d
--R
--R
                                                                                                                            3
--R
                                                                                                                    15e
--R
                                                                                                                                                           Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 368
--S 369 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
(4) 0
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 369
--S 370 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 370
)clear all
--S 371 of 1581
t0:=(a+c*x^2)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
               2
--R
            cx + a
--R (1) -----
--R
          +----+
--R
       (e x + d) | e x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 371
--S 372 of 1581
r0:=2/3*c*(d+e*x)^(3/2)/e^3-2*(c*d^2+a*e^2)/(e^3*sqrt(d+e*x))-_
    4*c*d*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
--R
            2 2
--R
        2c e x - 8c d e x - 6a e - 16c d
--R (2) -----
--R
                   3 +----+
--R
                 3e \|e x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 372
--S 373 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                             2 2
--R
            2 2
--R
         2c e x - 8c d e x - 6a e - 16c d
--R
    (3) -----
                    3 +----+
--R
--R
                  3e \mid e x + d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 373
```

```
--S 374 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 374
--S 375 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 375
)clear all
--S 376 of 1581
t0:=(a+c*x^2)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
                   2
           c x + a
--R
--R (1) -----
         2 2 2 +----+
--R
--R
        (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 376
--S 377 of 1581
r0:=-2/3*(c*d^2+a*e^2)/(e^3*(d+e*x)^(3/2))+4*c*d/(e^3*sqrt(d+e*x))+_
    2*c*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
          2 2
                           2 2
       6c e x + 24c d e x - 2a e + 16c d
--R
--R (2) -----
--R
          4 3 +----+
            (3e x + 3d e) | e x + d
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 377
--S 378 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                2 2
--R
          2 2
--R 6c e x + 24c d e x - 2a e + 16c d
```

```
4 3 +----+
--R
--R
             (3e x + 3d e) | e x + d
--R
                                      {\tt Type: Union(Expression(Integer), \ldots)}
--Е 378
--S 379 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 379
--S 380 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 380
)clear all
--S 381 of 1581
t0:=(a+c*x^2)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
                         2
--R
                      c x + a
--R (1) -----
         3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
        (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 381
--S 382 of 1581
 \texttt{r0:=-2/5*(c*d^2+a*e^2)/(e^3*(d+e*x)^(5/2))+4/3*c*d/(e^3*(d+e*x)^(3/2))-\_(e^3*(d+e*x)^2)} 
    2*c/(e^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
               2 2
--R.
         - 30c e x - 40c d e x - 6a e - 16c d
--R (2) -----
          5 2 4 2 3 +----+
--R
         (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 382
--S 383 of 1581
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
               2 2
                                  2 2
--R
--R
         - 30c e x - 40c d e x - 6a e - 16c d
--R (3) -----
          5 2 4 2 3 +----+
--R
--R
         (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 383
--S 384 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 384
--S 385 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 385
)clear all
--S 386 of 1581
t0:=(d+e*x)^(5/2)*(a+c*x^2)^2
--R
--R
--R
    (1)
--R
         2 2 6 2
                      5
                              2 224
       cex + 2cdex + (2ace + cd)x + 4acdex
--R
--R
         2 2 2 2
--R
                           2
        (ae + 2acd)x + 2adex + ad
--R
--R *
       +----+
--R
--R
      \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 386
--S 387 of 1581
r0:=2/7*(c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x)^(7/2)/e^5-8/9*c*d*(c*d^2+a*e^2)*_
    (d+e*x)^{(9/2)/e^5+4/11*c*(3*c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^{(11/2)/e^5-}
    8/13*c^2*d*(d+e*x)^(13/2)/e^5+2/15*c^2*(d+e*x)^(15/2)/e^5
--R.
```

```
--R
    (2)
--R
            277 2 66 7 2255
--R
--R
         6006c e x + 14322c d e x + (16380a c e + 8946c d e )x
--R
                                                   25 2433
--R
                   6
                       2 3 4 4
                                      2 7
--R
        (41860a c d e + 70c d e )x + (12870a e + 29380a c d e - 80c d e )x
--R
               2 6 3 4 2 5 2 2
--R
        (38610a d e + 780a c d e + 96c d e )x
--R
--R
                      4 3 2 6
--R
               2 2 5
                                              2 3 4
         (38610a d e - 1040a c d e - 128c d e)x + 12870a d e + 2080a c d e
--R
--R
--R
           2 7
--R
        256c d
--R
--R
        +----+
--R
       --R /
--R
--R
      45045e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 387
--S 388 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
             2 7 7 2 6 6
                                        7 225 5
--R
--R
        6006c e x + 14322c d e x + (16380a c e + 8946c d e )x
--R
                  6 2344 27 25 2433
--R
--R
        (41860a c d e + 70c d e )x + (12870a e + 29380a c d e - 80c d e )x
--R
--R
             2 6
                          3 4 2 5 2 2
--R
         (38610a d e + 780a c d e + 96c d e )x
--R
--R
                           4 3 2 6
                                           2 3 4 5 2
--R
         (38610a d e - 1040a c d e - 128c d e)x + 12870a d e + 2080a c d e
--R
          2 7
--R
--R
        256c d
--R
        +----+
--R
--R
       \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R /
--R
       5
--R
      45045e
```

```
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 388
--S 389 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 389
--S 390 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 390
)clear all
--S 391 of 1581
t0:=(d+e*x)^(3/2)*(a+c*x^2)^2
--R
--R
         2 5 2 4 3 2 2 2 +----+
--R
--R
    (1) (c e x + c d x + 2a c e x + 2a c d x + a e x + a d) | e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 391
--S 392 of 1581
\verb"r0:=2/5*(c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x)^(5/2)/e^5-8/7*c*d*(c*d^2+a*e^2)*_-
    (d+e*x)^(7/2)/e^5+4/9*c*(3*c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(9/2)/e^5-_
    8/11*c^2*d*(d+e*x)^(11/2)/e^5+2/13*c^2*(d+e*x)^(13/2)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
             266 255
                                          6
--R
                                                 2 2 4 4
--R
         6930c e x + 8820c d e x + (20020a c e + 210c d e )x
--R
--R
                           2 3 3 3
--R
          (28600a c d e - 240c d e )x
--R.
--R
               2 6
                            2 4
                                      2 4 2 2
--R
          (18018a e + 1716a c d e + 288c d e )x
--R
               2 5 3 3 2 5 2 2 4
--R
--R
         (36036a d e - 2288a c d e - 384c d e)x + 18018a d e + 4576a c d e
--R
--R
            2 6
```

```
768c d
--R
--R
--R
         +----+
--R
         \ensuremath{\mbox{\sc le x + d}}
--R /
--R
           5
--R
       45045e
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 392
--S 393 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
               2 6 6 2 5 5
                                           6 2244
--R
          6930c e x + 8820c d e x + (20020a c e + 210c d e)x
--R
--R
                    5 2333
          (28600a c d e - 240c d e )x
--R
--R
               26 24 242 2
--R
--R
         (18018a e + 1716a c d e + 288c d e )x
--R
--R
                       3 3 2 5 2 2 4 4 2
--R
         (36036a d e - 2288a c d e - 384c d e)x + 18018a d e + 4576a c d e
--R
--R
            2 6
--R
          768c d
--R
         +----+
--R
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R /
--R
--R
       45045e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 393
--S 394 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 394
--S 395 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
```

```
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 395
)clear all
--S 396 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^2*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
         2 4 2 2 +----+
--R
   (1) (c x + 2a c x + a) | e x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 396
--S 397 of 1581
r0:=2/3*(c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x)^(3/2)/e^5-8/5*c*d*(c*d^2+a*e^2)*_
    (d+e*x)^(5/2)/e^5+4/7*c*(3*c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(7/2)/e^5-_
    8/9*c^2*d*(d+e*x)^(9/2)/e^5+2/11*c^2*(d+e*x)^(11/2)/e^5
--R
--R
--R (2)
            255 2 44
--R
                                      5 2233
--R
         630c e x + 70c d e x + (1980a c e - 80c d e)x
--R
                   4 232 2 25 23 24
--R
          (396a c d e + 96c d e )x + (2310a e - 528a c d e - 128c d e)x
--R
--R
--R
                            3 2
                                  2 5
--R
          2310a d e + 1056a c d e + 256c d
--R
        +----+
--R
--R
        \leq x + d
--R /
--R
          5
      3465e
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 397
--S 398 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
             255 2 44
                                      5
                                             2 2 3 3
--R
          630c e x + 70c d e x + (1980a c e - 80c d e)x
--R
--R
                       2 3 2 2
                                      2 5
                                              2 3 2 4
         (396a c d e + 96c d e )x + (2310a e - 528a c d e - 128c d e)x
--R
--R
```

```
2 4 3 2 2 5
--R
--R
          2310a d e + 1056a c d e + 256c d
--R
         +----+
--R
--R
        --R /
--R
--R
       3465e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 398
--S 399 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 399
--S 400 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 400
)clear all
--S 401 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^2/sqrt(d+e*x)
--R
--R
         2 4 2 2
--R
        c x + 2a c x + a
--R
--R (1) -----
--R
             +----+
--R
            \exists x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 401
--S 402 of 1581
 \texttt{r0:=-8/3*c*d*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(3/2)/e^5+4/5*c*(3*c*d^2+a*e^2)*_- } 
    (d+e*x)^(5/2)/e^5-8/7*c^2*d*(d+e*x)^(7/2)/e^5+2/9*c^2*_
    (d+e*x)^(9/2)/e^5+2*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
--R
    (2)
--R
             2 4 4 2 3 3
                                 4
                                             2 2 2 2
          70c e x - 80c d e x + (252a c e + 96c d e)x
--R
```

```
--R
--R
                     3 23 24 22 24
--R
         (- 336a c d e - 128c d e)x + 630a e + 672a c d e + 256c d
--R
--R
         +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R /
--R
--R
       315e
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 402
--S 403 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
            2 4 4 2 3 3
                                       4
                                             2 2 2 2
--R
          70c e x - 80c d e x + (252a c e + 96c d e)x
--R
                     3 23 24 22 24
--R
--R
          (- 336a c d e - 128c d e)x + 630a e + 672a c d e + 256c d
--R
         +----+
--R
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
--R
       315e
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 403
--S 404 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 404
--S 405 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 405
)clear all
--S 406 of 1581
```

```
t0:=(a+c*x^2)^2/(d+e*x)^3
--R
--R
        2 4 2
--R
--R
       сх + 2асх + а
--R (1) -----
--R
                +----+
--R
        (e x + d) \setminus [e x + d]
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 406
--S 407 of 1581
r0:=4/3*c*(3*c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(3/2)/e^5-8/5*c^2*d*(d+e*x)^(5/2)/e^5+_
    2/7*c^2*(d+e*x)^(7/2)/e^5-2*(c*d^2+a*e^2)^2/(e^5*sqrt(d+e*x))-_
    8*c*d*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
--R (2)
          2 4 4 2 3 3 4 2 2 2 2
--R
--R
        30c e x - 48c d e x + (140a c e + 96c d e)x
--R
                 3 23 24 22 24
--R
--R
        (-560a c d e - 384c d e)x - 210a e - 1120a c d e - 768c d
--R /
--R
         5 +----+
--R
      105e \|e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 407
--S 408 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          2 4 4 2 3 3
--R
                                  4
       30c e x - 48c d e x + (140a c e + 96c d e)x
--R
--R
                                           2 2
                                  2 4
--R
                  3 23
        (- 560a c d e - 384c d e)x - 210a e - 1120a c d e - 768c d
--R
--R /
         5 +----+
--R
--R
      105e \|e x + d
--R.
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 408
--S 409 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
```

```
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 409
--S 410 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 410
)clear all
--S 411 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^2/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
               2 4
                        2 2
--R
            c x + 2a c x + a
--R (1) -----
         2 2 2 +----+
--R
--R
        (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 411
--S 412 of 1581
r0:=-2/3*(c*d^2+a*e^2)^2/(e^5*(d+e*x)^(3/2))-8/3*c^2*d*(d+e*x)^(3/2)/e^5+_1
    2/5*c^2*(d+e*x)^(5/2)/e^5+8*c*d*(c*d^2+a*e^2)/(e^5*sqrt(d+e*x))+_
    4*c*(3*c*d^2+a*e^2)*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
--R
    (2)
         2 4 4 2 3 3
--R
                                         2 2 2 2
--R
       6c e x - 16c d e x + (60a c e + 96c d e )x
--R
                 3 23 24 22 24
--R
        (240a c d e + 384c d e)x - 10a e + 160a c d e + 256c d
--R
--R /
                 5 +----+
--R
         6
       (15e x + 15d e )\|e x + d|
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 412
--S 413 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
         2 4 4 2 3 3 4 2 2 2 2
        6c e x - 16c d e x + (60a c e + 96c d e)x
--R
```

```
--R
           3 23 24 22 24
--R
--R
       (240a c d e + 384c d e)x - 10a e + 160a c d e + 256c d
--R /
        6 5 +----+
--R
--R
     (15e x + 15d e) | e x + d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 413
--S 414 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 414
--S 415 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 415
)clear all
--S 416 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^2/(d+e*x)^7/2
--R
--R
                  2 4 2 2
--R
--R
                 c x + 2a c x + a
--R
--R
         3 3 2 2 2 3 +----+
        (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 416
--S 417 of 1581
r0:=-2/5*(c*d^2+a*e^2)^2/(e^5*(d+e*x)^(5/2))+8/3*c*d*(c*d^2+a*e^2)/_
    (e^5*(d+e*x)^(3/2))+2/3*c^2*(d+e*x)^(3/2)/e^5-_
    4*c*(3*c*d^2+a*e^2)/(e^5*sqrt(d+e*x))-8*c^2*d*sqrt(d+e*x)/e^5
--R.
--R
--R
    (2)
         2 4 4 2 3 3 4 2 2 2 2
--R
--R
      10c e x - 80c d e x + (- 60a c e - 480c d e )x
--R
                  3 23
--R
                                2 4 2 2 2 4
```

```
--R (- 80a c d e - 640c d e)x - 6a e - 32a c d e - 256c d
--R /
       7 2 6 2 5 +----+
--R
--R (15e x + 30d e x + 15d e )\|e x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 417
--S 418 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
         2 4 4 2 3 3 4 2 2 2 2
--R
      10c e x - 80c d e x + (- 60a c e - 480c d e )x
--R
--R
--R
                3
                     2 3
                              2 4 2 2 2 4
--R
      (- 80a c d e - 640c d e)x - 6a e - 32a c d e - 256c d
--R /
--R
        7 2
                6 25 +----+
     (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 418
--S 419 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 419
--S 420 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 420
)clear all
--S 421 of 1581
t0:=(d+e*x)^(5/2)*(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R
   (1)
--R
       3 2 8 3 7 2 2 3 2 6 2 5
--R
      cex + 2cdex + (3ace + cd)x + 6acdex
--R
     2 2 2 2 4 2 3 3 2 2 2 2 3 3 2
--R
```

```
--R
       (3ace + 3acd)x + 6acdex + (ae + 3acd)x + 2adex + ad
--R *
--R
       +----+
--R
       \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 421
--S 422 of 1581
r0:=2/7*(c*d^2+a*e^2)^3*(d+e*x)^(7/2)/e^7-4/3*c*d*(c*d^2+a*e^2)^2*_
    (d+e*x)^{(9/2)}/e^{7+6/11*c*(c*d^2+a*e^2)*(5*c*d^2+a*e^2)*_
     (d+e*x)^(11/2)/e^7-8/13*c^2*d*(5*c*d^2+3*a*e^2)*(d+e*x)^(13/2)/e^7+_ \\
    2/5*c^2*(5*c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(15/2)/e^7-12/17*c^3*d*_
    (d+e*x)^(17/2)/e^7+2/19*c^3*(d+e*x)^(19/2)/e^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
               3 9 9
                        3 8 8
                                         29 3277
--R
          510510c e x + 1171170c d e x + (1939938a c e + 690690c d e )x
--R
--R
                  2 8 3 3 6 6
--R
          (4626006a c d e + 2310c d e)x
--R
--R
                  2 9
                                  2 2 7 3 4 5 5
--R
          (2645370a c e + 2889558a c d e - 2520c d e )x
--R
                  2 8 2 3 6 3 5 4 4
--R
--R
          (6760390a c d e + 22610a c d e + 2800c d e )x
--R
--R
                  3 9
                                              2 4 5
                              2 2 7
--R
          (1385670a e + 4744870a c d e - 25840a c d e - 3200c d e )x
--R
                  3 8 2 3 6 2 5 4 3 7 2 2
--R
--R
          (4157010a d e + 125970a c d e + 31008a c d e + 3840c d e)x
--R
--R
                  3 2 7
                              2 4 5
                                              263
          (4157010a d e - 167960a c d e - 41344a c d e - 5120c d e)x
--R
--R
--R
                 3 3 6
                             2 5 4
                                             272
--R
         1385670a d e + 335920a c d e + 82688a c d e + 10240c d
--R
         +----+
--R
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R /
--R.
            7
--R
       4849845e
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 422
--S 423 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
     (3)
                3 9 9 3 8 8
                                      2 9
--R
         510510c e x + 1171170c d e x + (1939938a c e + 690690c d e )x
--R
--R
                  2 8 3 3 6 6
--R
--R
         (4626006a c d e + 2310c d e )x
--R
                                2 2 7
--R
                 2 9
                                            3 4 5 5
--R
         (2645370a c e + 2889558a c d e - 2520c d e )x
--R
                     8
                                2 3 6 3 5 4 4
--R
         (6760390a c d e + 22610a c d e + 2800c d e )x
--R
--R
--R
                 3 9
                            2 27
                                            2 4 5
--R
         (1385670a e + 4744870a c d e - 25840a c d e - 3200c d e )x
--R
--R
                          2 36
                 3 8
                                            2 5 4
--R
         (4157010a d e + 125970a c d e + 31008a c d e + 3840c d e )x
--R
--R
                 3 2 7 2 4 5 2 6 3
--R
         (4157010a d e - 167960a c d e - 41344a c d e - 5120c d e)x
--R
--R
                       2 5 4
                                           272
--R
          1385670a d e + 335920a c d e + 82688a c d e + 10240c d
--R
--R
         +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
            7
--R
      4849845e
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 423
--S 424 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 424
--S 425 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 425
```

```
)clear all
--S 426 of 1581
t0:=(d+e*x)^(3/2)*(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R
     (1)
         3 7 3 6 2 5 2 4 2 3 2
--R
--R
        cex + cdx + 3a cex + 3a cdx + 3a cex + 3a cdx + aex
--R
--R
         3
--R
        a d
--R *
       +----+
--R
--R
      \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 426
--S 427 of 1581
r0:=2/5*(c*d^2+a*e^2)^3*(d+e*x)^(5/2)/e^7-12/7*c*d*(c*d^2+a*e^2)^2*_
    (d+e*x)^{(7/2)}/e^{7+2/3}*c*(c*d^2+a*e^2)*(5*c*d^2+a*e^2)*_
    (d+e*x)^{(9/2)/e^7-8/11*c^2*d*(5*c*d^2+3*a*e^2)*(d+e*x)^{(11/2)/e^7+_}
    6/13*c^2*(5*c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(13/2)/e^7-4/5*c^3*d*_
    (d+e*x)^(15/2)/e^7+2/17*c^3*(d+e*x)^(17/2)/e^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
               3 8 8 3 7 7
                                             28 3266
--R
          30030c e x + 36036c d e x + (117810a c e + 462c d e)x
--R
                   2 7 3 3 5 5
--R
--R
          (149940a c d e - 504c d e )x
--R
--R
                 2 8
                             2 2 6
                                        3 4 4 4
          (170170a c e + 3570a c d e + 560c d e)x
--R
--R
--R
                     7
                              2 3 5
                                         3 5 3 3
--R
          (243100a c d e - 4080a c d e - 640c d e )x
--R
--R
                         2 2 6
                                         2 4 4
          (102102a e + 14586a c d e + 4896a c d e + 768c d e )x
--R
--R.
--R
                            2 3 5
                                            2 5 3
--R
          (204204a d e - 19448a c d e - 6528a c d e - 1024c d e)x
--R
--R
                3 2 6 2 4 4 2 6 2 3 8
--R
          102102a d e + 38896a c d e + 13056a c d e + 2048c d
--R
--R
         +----+
```

```
--R
      \exists x + d
--R /
--R
          7
--R
      255255e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 427
--S 428 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
            388 377 28 3266
--R
         30030c e x + 36036c d e x + (117810a c e + 462c d e)x
--R
--R
--R
                 2 7 3 3 5 5
--R
         (149940a c d e - 504c d e )x
--R
--R
               2 8 2 2 6 3 4 4 4
         (170170a c e + 3570a c d e + 560c d e )x
--R
--R
                2 7 2 3 5 3 5 3 3
--R
--R
         (243100a c d e - 4080a c d e - 640c d e )x
--R
--R
                38 2 26 244 3622
--R
         (102102a e + 14586a c d e + 4896a c d e + 768c d e )x
--R
--R
                3 7 2 3 5 2 5 3 3 7
--R
         (204204a d e - 19448a c d e - 6528a c d e - 1024c d e)x
--R
               3 2 6 2 4 4
                                         2 6 2 3 8
--R
--R
        102102a d e + 38896a c d e + 13056a c d e + 2048c d
--R
--R
        +----+
--R
        \leq x + d
--R /
          7
--R
--R
      255255e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 428
--S 429 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 429
--S 430 of 1581
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 430
)clear all
--S 431 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^3*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
           3 6
                   2 4
                         2 2 3 +----+
    (1) (c x + 3a c x + 3a c x + a) \le x + d
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 431
--S 432 of 1581
r0:=2/3*(c*d^2+a*e^2)^3*(d+e*x)^(3/2)/e^7-12/5*c*d*(c*d^2+a*e^2)^2*_
    (d+e*x)^{(5/2)}/e^{7+6/7}*c*(c*d^2+a*e^2)*(5*c*d^2+a*e^2)*_
    (d+e*x)^{(7/2)}/e^{7-8/9*c^{2}*d*(5*c*d^{2}+3*a*e^{2})*(d+e*x)^{(9/2)}/e^{7}+_
    6/11*c^2*(5*c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(11/2)/e^7-12/13*c^3*d*_
    (d+e*x)^(13/2)/e^7+2/15*c^3*(d+e*x)^(15/2)/e^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
               3 7 7 3 6 6 2 7
--R
           6006c e x + 462c d e x + (24570a c e - 504c d e)x
--R
--R
                  2 6
                          3 3 4 4
--R
           (2730a c d e + 560c d e)x
--R
                 2 7
                             2 2 5 3 4 3 3
--R
           (38610a c e - 3120a c d e - 640c d e)x
--R
--R
--R
                              2 3 4
                                         3522
                    6
--R
           (7722a c d e + 3744a c d e + 768c d e)x
--R
--R
                          2 2 5
                                           2 4 3
                                                      3 6
--R
           (30030a e - 10296a c d e - 4992a c d e - 1024c d e)x + 30030a d e
--R
--R.
                2 34
                           2 5 2
--R
          20592a c d e + 9984a c d e + 2048c d
--R
         +----+
--R
--R
         \leq x + d
--R /
            7
--R
--R
       45045e
```

```
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 432
--S 433 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
             3 7 7 3 6 6 2 7 3 2 5 5
--R
         6006c e x + 462c d e x + (24570a c e - 504c d e )x
--R
--R
               2 6 3 3 4 4
--R
         (2730a c d e + 560c d e )x
--R
--R
--R
               2 7 2 2 5 3 4 3 3
--R
         (38610a c e - 3120a c d e - 640c d e )x
--R
--R
              2 6 2 3 4 3 5 2 2
         (7722a c d e + 3744a c d e + 768c d e )x
--R
--R
--R
              3 7 2 2 5
                                      2 4 3 3 6
--R
         (30030a e - 10296a c d e - 4992a c d e - 1024c d e)x + 30030a d e
--R
--R
           2 3 4 2 5 2 3 7
--R
          20592a c d e + 9984a c d e + 2048c d
--R
         +----+
--R
--R
        \leq x + d
--R /
--R
          7
      45045e
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 433
--S 434 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 434
--S 435 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 435
```

```
)clear all
--S 436 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^3/sqrt(d+e*x)
--R
--R
         3 6 2 4 2 2 3
--R
--R
         c x + 3a c x + 3a c x + a
--R (1) -----
--R
                  +----+
--R
                 \|e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 436
--S 437 of 1581
r0:=-4*c*d*(c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x)^(3/2)/e^7+6/5*c*(c*d^2+a*e^2)*_
    (5*c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(5/2)/e^7-8/7*c^2*d*(5*c*d^2+3*a*e^2)*_
    (d+e*x)^{(7/2)}/e^{7+2/3*c^{2}*(5*c*d^{2}+a*e^{2})*(d+e*x)^{(9/2)}/e^{7-}
    12/11*c^3*d*(d+e*x)^(11/2)/e^7+2/13*c^3*(d+e*x)^(13/2)/e^7+_
    2*(c*d^2+a*e^2)^3*sqrt(d+e*x)/e^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
              3 6 6 3 5 5 2 6 3 2 4 4
--R
          2310c e x - 2520c d e x + (10010a c e + 2800c d e)x
--R
--R
                    2 5 3 3 3 3
--R
          (- 11440a c d e - 3200c d e )x
--R
                2 6 2 2 4 3 4 2 2
--R
--R
          (18018a c e + 13728a c d e + 3840c d e )x
--R
--R
                                 2 3 3
                                           3 5
--R
          (- 24024a c d e - 18304a c d e - 5120c d e)x + 30030a e
--R
               2 2 4
                              2 4 2
--R
                                          3 6
--R
         48048a c d e + 36608a c d e + 10240c d
--R
--R
         +----+
--R
        \leq x + d
--R /
           7
--R
--R.
       15015e
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 437
--S 438 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R
   (3)
           3 6 6 3 5 5 2 6 3 2 4 4
--R
--R
         2310c e x - 2520c d e x + (10010a c e + 2800c d e)x
--R
                  2 5 3 3 3 3
--R
        (- 11440a c d e - 3200c d e )x
--R
--R
--R
                           2 2 4
         (18018a c e + 13728a c d e + 3840c d e )x
--R
--R
--R
                2 5 233 35 36
--R
         (- 24024a c d e - 18304a c d e - 5120c d e)x + 30030a e
--R
--R
             2 2 4
                            2 4 2
--R
         48048a c d e + 36608a c d e + 10240c d
--R
--R
        +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
          7
--R
      15015e
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 438
--S 439 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 439
--S 440 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 440
)clear all
--S 441 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^3/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
        3 6 2 4 2 2
     c x + 3a c x + 3a c x + a
--R
   (1) -----
--R
--R
                    +----+
```

```
--R
            (e x + d) \setminus |e x + d|
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 441
--S 442 of 1581
r0:=2*c*(c*d^2+a*e^2)*(5*c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(3/2)/e^7-8/5*c^2*d*_
    (5*c*d^2+3*a*e^2)*(d+e*x)^(5/2)/e^7+6/7*c^2*(5*c*d^2+a*e^2)*_
    (d+e*x)^{(7/2)}/e^{7-4/3}*c^{3}*d*(d+e*x)^{(9/2)}/e^{7+2/11}*c^{3}*_
    (d+e*x)^{(11/2)}/e^{7-2*(c*d^2+a*e^2)^3/(e^7*sqrt(d+e*x))}
    12*c*d*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(d+e*x)/e^7
--R
--R
--R
     (2)
           3 6 6 3 5 5 2 6 3 2 4 4
--R
--R
        210c e x - 280c d e x + (990a c e + 400c d e)x
--R
--R.
                 2 5 3 3 3 3
--R
        (- 1584a c d e - 640c d e )x
--R
--R
            2 6 2 2 4 3 4 2 2
--R
        (2310a c e + 3168a c d e + 1280c d e )x
--R
--R
             2 5 233
                                       3 5 3 6 2 2 4
--R
        (- 9240a c d e - 12672a c d e - 5120c d e)x - 2310a e - 18480a c d e
--R
                 2 4 2 3 6
--R
--R
        -25344a c d e -10240c d
--R /
--R
           7 +----+
--R
      1155e \|e x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 442
--S 443 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
           3 6 6 3 5 5 2 6 3 2 4 4
--R
--R
        210c e x - 280c d e x + (990a c e + 400c d e)x
--R
--R
                 2 5 3 3 3 3
--R.
        (- 1584a c d e - 640c d e )x
--R.
--R.
            2 6 2 2 4 3 4 2 2
--R
        (2310a c e + 3168a c d e + 1280c d e )x
--R
--R
                                       3 5
                                                  3 6 2 2 4
                             2 3 3
        (- 9240a c d e - 12672a c d e - 5120c d e)x - 2310a e - 18480a c d e
--R
--R
```

```
2 4 2 3 6
--R
--R
        - 25344a c d e - 10240c d
--R /
--R
           7 +----+
--R
      1155e \|e x + d
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 443
--S 444 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 444
--S 445 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 445
)clear all
--S 446 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^3/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
          3 6 2 4 2 2 3
--R
--R
         c x + 3a c x + 3a c x + a
--R (1) -----
          2 2 2 +----+
--R
--R
         (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 446
--S 447 of 1581
r0:=-2/3*(c*d^2+a*e^2)^3/(e^7*(d+e*x)^(3/2))-8/3*c^2*d*(5*c*d^2+3*a*e^2)*_1
    (d+e*x)^{(3/2)}/e^{7+6/5*c^{2}*(5*c*d^{2}+a*e^{2})*(d+e*x)^{(5/2)}/e^{7-}
    12/7*c^3*d*(d+e*x)^(7/2)/e^7+2/9*c^3*(d+e*x)^(9/2)/e^7+_
    12*c*d*(c*d^2+a*e^2)^2/(e^7*sqrt(d+e*x))+6*c*(c*d^2+a*e^2)*_
    (5*c*d^2+a*e^2)*sqrt(d+e*x)/e^7
--R
--R
--R (2)
           3 6 6 3 5 5 2 6 3 2 4 4
--R
--R
        70c e x - 120c d e x + (378a c e + 240c d e)x
--R
```

```
2 5 3 3 3 3
--R
--R
       (- 1008a c d e - 640c d e )x
--R
            2 6 2 2 4 3 4 2 2
--R
--R
       (1890a c e + 6048a c d e + 3840c d e )x
--R
           2 5 233 35 36 224
--R
--R
      (7560a c d e + 24192a c d e + 15360c d e)x - 210a e + 5040a c d e
--R
--R
             2 4 2 3 6
--R
       16128a c d e + 10240c d
--R /
              7 +----+
--R
--R
      (315e x + 315d e) | e x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 447
--S 448 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         3 6 6 3 5 5 2 6 3 2 4 4
--R
--R
      70c e x - 120c d e x + (378a c e + 240c d e )x
--R
--R
               2 5 3 3 3 3
      (- 1008a c d e - 640c d e )x
--R
--R
--R
           2 6 2 2 4 3 4 2 2
--R
       (1890a c e + 6048a c d e + 3840c d e )x
--R
           2 5 233 35 36 224
--R
--R
      (7560a c d e + 24192a c d e + 15360c d e)x - 210a e + 5040a c d e
--R
             2 4 2 3 6
--R
       16128a c d e + 10240c d
--R
--R /
              7 +----+
--R
--R
      (315e x + 315d e) | e x + d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 448
--S 449 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 449
```

```
--S 450 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 450
)clear all
--S 451 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^3/(d+e*x)^7/2)
--R
--R
--R
                   24 2 2 3
              3 6
--R
              c x + 3a c x + 3a c x + a
--R
    (1) -----
--R.
          3 3 2 2 2 3 +----+
        (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 451
--S 452 of 1581
r0:=-2/5*(c*d^2+a*e^2)^3/(e^7*(d+e*x)^(5/2))+4*c*d*(c*d^2+a*e^2)^2/_
    (e^7*(d+e*x)^(3/2))+2*c^2*(5*c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(3/2)/e^7-_
    12/5*c^3*d*(d+e*x)^(5/2)/e^7+2/7*c^3*(d+e*x)^(7/2)/e^7-_
    6*c*(c*d^2+a*e^2)*(5*c*d^2+a*e^2)/(e^7*sqrt(d+e*x))-_
    8*c^2*d*(5*c*d^2+3*a*e^2)*sqrt(d+e*x)/e^7
--R
--R
--R
     (2)
           3 6 6 3 5 5 2 6 3 2 4 4
--R
--R
        10c e x - 24c d e x + (70a c e + 80c d e)x
--R
--R
               2 5 3 3 3 3
        (- 560a c d e - 640c d e )x
--R
--R
                         2 2 4 3 4 2 2
--R
              2 6
        (- 210a c e - 3360a c d e - 3840c d e )x
--R
--R
--R
                           2 3 3
                                       3 5
                                                 3 6
        (- 280a c d e - 4480a c d e - 5120c d e)x - 14a e - 112a c d e
--R
--R.
--R
               2 4 2 3 6
--R
        - 1792a c d e - 2048c d
--R /
--R
         9 2 8 2 7 +----+
--R
       (35e x + 70d e x + 35d e) | e x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 452
```

```
--S 453 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
          3 6 6 3 5 5 2 6 3 2 4 4
--R
--R
       10c e x - 24c d e x + (70a c e + 80c d e )x
--R
              2 5 3 3 3 3
--R
--R
       (- 560a c d e - 640c d e )x
--R
            2 6 2 2 4 3 4 2 2
--R
       (- 210a c e - 3360a c d e - 3840c d e )x
--R
--R
--R
            2 5 233 35 36 224
--R
       (- 280a c d e - 4480a c d e - 5120c d e)x - 14a e - 112a c d e
--R
--R
              2 4 2 3 6
--R
        - 1792a c d e - 2048c d
--R /
--R
        9 2 8 2 7 +----+
--R
      (35e x + 70d e x + 35d e) \le x + d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 453
--S 454 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 454
--S 455 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 455
)clear all
--S 456 of 1581
t0:=(d+e*x)^(5/2)/(a+c*x^2)
--R
--R
         2 2
                      2 +----+
--R
--R
        (e x + 2d e x + d) | e x + d
```

```
--R
                                                    2
--R
--R
                                                  сх + а
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 456
--S 457 of 1581
r0:=2/3*e*(d+e*x)^(3/2)/c+4*d*e*sqrt(d+e*x)/c-atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
            sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(3*c*d^2*e-a*e^3-d*(c*d^2-3*a*e^2)*_
            \sqrt{(c'(7/4)*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))}
            a tanh(c^{(1/4)}*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(3*c*d^2*e-_a)
            a*e^3+d*(c*d^2-3*a*e^2)*sqrt(c)/sqrt(-a))/(c^(7/4)*sqrt(e*_
            sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R
--R
--R
              (2)
--R
--R
                                                                        3 +-+ 3 2 +---+ | +-+ +---+
--R
                             ((-9a d e + 3c d) | c + (3a e - 9c d e) | -a) | d | c + e | -a
--R
--R
                                                4+-+ +----+
--R
                                                atanh(-----)
--R
--R
                                              +----+
                                              | +-+ +---+
--R
                                            \label{locality} \label{locality} $$ \left( - e \right) - a $$
--R
--R
--R
                                                2 3 +-+ 3 2 +---+ | +-+ +---+
--R
--R.
                             ((9a d e - 3c d) | c + (3a e - 9c d e) | - a) | d | c - e | - a
--R
                                                4+-+ +----+
--R
--R
                                                \c \c \c \  \  
--R
                             atanh(-----)
                                             +----+
--R
                                              | +-+ +---+
--R
--R
                                           \label{eq:local_continuous_local_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuou
--R
--R
                                                            +---+4+-+3 +------+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
                        (2e x + 14d e)\|- a \|c \|e x + d \|d\|c - e\|- a \|d\|c + e\|- a
--R
--R /
--R.
                                                     +----+
                          +---+4+-+3 | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R.
                   3c\|-a\|c\|d\|c - e\|-a\|d\|c + e\|-a
--R
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 457
--S 458 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
   (3)
--R
--R
           Зс
--R
           ROOT
--R
--R
--R
                  2a c
--R
--R
                  ROOT
                        4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
                       -ae + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
--R
                          482
--R
                      - 25c d e
                   7
--R
--R
--R
                     4a c
--R
                  2 4 3 2 2 5
--R
--R
                - 5a d e + 10a c d e - c d
--R
--R
                3
--R
               a c
--R
--R
           log
                     2 5 2 6 2
--R
--R
                   (2a c e - 2a c d)
--R
--R
                   ROOT
                          4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                        -ae + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                           482
--R
                        - 25c d e
                     7
--R
--R
--R
                       4a c
--R
                   3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
--R
                  2a c d e - 20a c d e + 10a c d e
--R
--R
                ROOT
--R
                         3
--R
                       2a c
--R
--R
                       ROOT
                              4 10 3 2 8 2 2 4 6
--R
--R
                            -ae + 20acde - 110acde
```

```
--R
                           3 6 4 4 8 2
--R
--R
                           100a c d e - 25c d e
--R
                           7
--R
--R
                         4a c
--R
                       2 4 3 2 2 5
--R
--R
                     - 5a d e + 10a c d e - c d
--R
--R
                      3
--R
                    a c
--R
--R
                4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
               (a e - 8a c d e - 14a c d e + 5c d e)\|e x + d
--R
--R
         Зс
--R
--R
         ROOT
--R
--R
--R
                 2a c
--R
--R
                 ROOT
                        4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                      -ae + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                         482
--R
                      - 25c d e
--R
                      7
--R
                     4a c
--R
--R
                 2 4 3 2 2 5
--R
--R
              - 5a d e + 10a c d e - c d
--R
--R
              3
--R
            a c
--R
--R
         log
                  2 5 2 6 2
--R
--R
                 (2a c e - 2a c d )
--R
--R
                --R
--R
                |-ae + 20acde - 110acde + 100acde - 25cde
--R
--R
--R
               \backslash I
                                     4a c
--R
```

```
3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
--R
               - 2a c d e + 20a c d e - 10a c d e
--R
              ROOT
--R
--R
--R
                         3
--R
                       2a c
--R
--R
                       ROOT
                              4 10 3 2 8 2 2 4 6
--R
--R
                            -ae + 20acde - 110acde
--R
                               3 6 4 4 8 2
--R
                            100acde - 25cde
--R
                        7
--R
--R
--R
                           4a c
--R
                     2 4 3 2 2 5
--R
--R
                  - 5ade + 10acde - cd
--R
--R
                   3
--R
                  ас
--R
--R
             4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
            (a e - 8a c d e - 14a c d e + 5c d e) | e x + d
--R
--R
--R
           Зс
--R
--R
           ROOT
--R
--R
                      3
--R
                    2a c
--R
--R
                    ROOT
                          4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
                         -ae + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
--R
                           482
                        - 25c d e
--R
--R
                         7
--R
                       4a c
--R
--R
                  2 4 3 2 2 5
--R
               - 5a d e + 10a c d e - c d
--R
--R
               3
--R
--R
               a c
```

```
--R
--R
           log
--R
                      2 5 2 6 2
--R
                   (- 2a c e + 2a c d )
--R
--R
                   ROOT
                         4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                        -ae + 20acde - 110acde + 100acde
--R
                          482
--R
--R
                       - 25c d e
                      7
--R
--R
--R
                      4a c
--R
--R
                   3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
                 2a c d e - 20a c d e + 10a c d e
--R
--R
                ROOT
--R
--R
--R
                         2a c
--R
--R
                         ROOT
--R
                               4 10 3 2 8 2 2 4 6
                             -ae + 20acde - 110acde
--R
--R
--R
                                 3 6 4 4 8 2
--R
                             100a c d e - 25c d e
                          7
--R
--R
                            4a c
--R
--R
                        2 4 3 2 2 5
--R
--R
                     - 5a d e + 10a c d e - c d
--R
--R
                      3
--R
                   a c
--R
                4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
              (a e - 8a c d e - 14a c d e + 5c d e)\|e x + d|
--R
--R
--R
        Зс
--R
--R
        ROOT
--R
                3
--R
               2a c
--R
--R
--R
```

```
--R
               |- a e + 20a c d e - 110a c d e + 100a c d e - 25c d e
--R
--R
              - 1
--R
              \backslash I
                                    4a c
--R
--R
                2 4 3 2 2 5
--R
              - 5a d e + 10a c d e - c d
--R
--R
              3
--R
             аc
--R
--R
         log
                    2 5 2 6 2
--R
                 (- 2a c e + 2a c d )
--R
--R
--R
--R
                 --R
                |-ae + 20acde - 110acde + 100acde - 25cde
--R
--R
--R
                \mathbf{I}
                                      4a c
--R
                 3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
--R
               - 2a c d e + 20a c d e - 10a c d e
--R
--R
              ROOT
                       3
--R
--R
                     2a c
--R
--R
                     ROOT
                            4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                          -ae + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                             482
--R
                          - 25c d e
--R
                           7
--R
--R
                         4a c
--R
                     2 4 3 2 2 5
--R
                   - 5a d e + 10a c d e - c d
--R
--R
--R
                    3
--R
                  a c
--R
--R
              4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
             (a e - 8a c d e - 14a c d e + 5c d e) | e x + d
--R
--R
--R
              +----+
         2
       (4e x + 28d e) | e x + d
--R
```

```
--R /
--R 6c
--R
                                                                                                                                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 458
--S 459 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                     (4)
--R
--R
                                                       +---+4+-+3
--R
                                                  c\|- a \|c
--R
 --R
                                                   ROOT
 --R
                                                                                               3
--R
                                                                                  2a c
--R
--R
                                                                                  ROOT
                                                                                                                  4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                                                                                                           -ae + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                                                                                                                      482
--R
                                                                                                         - 25c d e
--R
--R
                                                                                                                 7
--R
                                                                                                    4a c
--R
--R
                                                                                          2 4 3 2 2 5
--R
                                                                           - 5a d e + 10a c d e - c d
--R
--R
                                                                               3
--R
                                                                    a c
--R
--R
                                                       +----+
                                                       | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
                                                    \label{eq:local_condition} \label{eq:local_con
--R
--R
--R
                                                    log
                                                                                                    2 5 2 6 2
--R
                                                                                           (2ace - 2acd)
 --R
 --R
--R
                                                                                          ROOT
                                                                                                                         4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
                                                                                                                  -ae + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
--R
                                                                                                                          482
--R
                                                                                                                  - 25c d e
--R
                                                                                                 /
--R
                                                                                                                   7
```

```
--R
                        4a c
--R
                   3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
--R
                   2a c d e - 20a c d e + 10a c d e
--R
--R
                  ROOT
--R
--R
                         2a c
--R
--R
                         ROOT
                                4 10 3 2 8 2 2 4 6
--R
--R
                              -ae + 20acde - 110acde
--R
                                  3 6 4 4 8 2
--R
--R
                              100a c d e - 25c d e
--R
--R
                               7
--R
                             4a c
--R
                          2 4 3 2 2 5
--R
--R
                       - 5a d e + 10a c d e - c d
--R
--R
                       3
--R
                      a c
--R
--R
                  4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
                (a e - 8a c d e - 14a c d e + 5c d e) | e x + d
--R
--R
           +---+4+-+3
--R
         c\|- a \|c
--R
--R
         ROOT
--R
--R
--R
                   2a c
--R
                   ROOT
--R
--R
                          4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
                         - a e + 20a c d e - 110a c d e + 100a c d e
--R
--R
                           482
--R
--R
                        - 25c d e
--R
                         7
--R
--R
                       4a c
--R
                  2 4 3 2 2 5
--R
--R
               - 5a d e + 10a c d e - c d
--R
--R
               3
```

```
--R
         a c
--R
--R
         +----+
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
        \  \| d \le - e \le a \le d \le + e \le a
--R
--R
        log
                   2 5 2 6 2
--R
                (2a c e - 2a c d )
--R
--R
--R
                --R
--R
                |-ae + 20acde - 110acde + 100acde - 25cde
--R
--R
--R
               \backslash I
                                    4a c
--R
                3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
--R
               - 2a c d e + 20a c d e - 10a c d e
--R
--R
              ROOT
--R
--R
                        3
--R
                      2a c
--R
--R
                      ROOT
                             4 10 3 2 8 2 2 4 6
--R
--R
                           -ae + 20acde - 110acde
--R
                             3 6 4 4 8 2
--R
--R
                           100a c d e - 25c d e
                         7
--R
--R
--R
                          4a c
--R
                    2 4 3 2 2 5
--R
                  -5ade + 10acde - cd
--R
--R
                  3
--R
--R
                 аc
--R
             4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
            (a e - 8a c d e - 14a c d e + 5c d e)\|e x + d
--R
--R
--R
            +---+4+-+3
--R
--R
           c\|- a \|c
--R
--R
           ROOT
--R
```

```
--R
                   3
--R
                  2a c
--R
--R
                  ROOT
                        4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                       -ae + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                         482
--R
                      - 25c d e
--R
                       7
--R
--R
                     4a c
--R
                2 4 3 2 2 5
--R
--R
              - 5ade + 10acde - cd
--R
              3
--R
--R
             a c
--R
--R
           +----+
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
          --R
--R
          log
                    2 5 2 6 2
--R
--R
                  (- 2a c e + 2a c d )
--R
--R
                  ROOT
                        4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                      -ae + 20acde - 110acde + 100acde
--R
                        4 8 2
--R
                      - 25c d e
--R
--R
                       7
--R
--R
                     4a c
--R
                  3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
                2a c d e - 20a c d e + 10a c d e
--R
--R
               ROOT
--R
--R
--R
                         3
--R
                       2a c
--R
--R
                       ROOT
                             4 10 3 2 8 2 2 4 6
--R
--R
                            -ae + 20acde - 110acde
--R
--R
                             3 6 4 4 8 2
```

```
--R
                         100a c d e  - 25c d e
--R
                         7
--R
--R
                        4a c
--R
                     2 4 3 2 2 5
--R
--R
                  - 5ade + 10acde - cd
--R
--R
                   3
--R
                 аc
--R
              4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
             (a e - 8a c d e - 14a c d e + 5c d e)\|e x + d
--R
--R
--R
        +---+4+-+3
--R
       c\|- a \|c
--R
--R
       ROOT
--R
              3
--R
             2a c
--R
--R
            --R
--R
            |-ae + 20acde - 110acde + 100acde - 25cde
--R
                              7
--R
            --R
           \backslash I
                              4a c
--R
             2 4 3 2 2 5
--R
--R
           -5ade +10acde -cd
--R
           3
--R
--R
          a c
--R
--R
        +----+
        | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
       --R
--R
--R
       log
                 2 5 2 6 2
--R
              (- 2a c e + 2a c d )
--R
--R
--R
             --R
--R
             |-ae + 20acde - 110acde + 100acde - 25cde
--R
--R
--R
             \backslash I
                              4a c
--R
              3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
```

```
--R
                                                      - 2a c d e + 20a c d e - 10a c d e
--R
--R
                                                  ROOT
--R
                                                                                    3
--R
                                                                          2a c
--R
--R
                                                                          ROOT
                                                                                                   4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
                                                                                            -ae + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
--R
                                                                                                        4 8 2
                                                                                            - 25c d e
--R
--R
                                                                                                 7
--R
--R
                                                                                       4a c
--R
--R
                                                                               2 \quad 4 \qquad \qquad 3 \ 2 \qquad 2 \ 5
                                                                    - 5a d e + 10a c d e - c d
--R
--R
--R
                                                                       3
--R
                                                               a c
--R
                                                               3 27 2245 48 +----+
--R
                                             (a e - 8a c d e - 14a c d e + 5c d e) | e x + d
--R
--R
--R
                                                    2 3 +-+ 3 2 +---+ | +-+ +---+
--R
--R
                                ((6a d e - 2c d) | c + (- 2a e + 6c d e) | - a) | d | c + e | - a
--R
--R
                                                    4+-+ +----+
--R
                                                    \c \c \c \  \  
--R
                               atanh(-----)
                                                  +----+
--R
--R
                                                  | +-+ +---+
--R
                                               \left| d\right| c - e\right| - a
--R
--R
                                                          2 3 +-+ 3 2 +---+ | +-+ +---+
--R
--R
                                ((-6a d e + 2c d) | c + (-2a e + 6c d e) | -a) | d | c - e | -a
--R
                                                    4+-+ +----+
--R
--R
                                                    \c \cdot \c \cdot \c x + d
--R.
                               atanh(-----)
                                                  +----+
--R
                                                  | +-+ +---+
--R
                                               \label{eq:local_condition} \label{eq:local_con
--R
--R /
--R
                                                       +----+
                            +---+4+-+3 | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
                     2c\|-a\|c\|d\|c - e\|-a\|d\|c + e\|-a
--R
```

```
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 459
--S 460 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 460
)clear all
--S 461 of 1581
t0:=(d+e*x)^(3/2)/(a+c*x^2)
--R
--R
--R
                   +----+
--R
          (e x + d) | e x + d
--R
    (1) -----
--R
              2
--R
              c x + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 461
--S 462 of 1581
r0:=2*e*sqrt(d+e*x)/c-atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+_
    d*sqrt(c))*((-c*d^2+a*e^2)/sqrt(-a)+2*d*e*sqrt(c))/(c^(5/4)*_
    sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))-atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
    sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*((c*d^2-a*e^2)/sqrt(-a)+2*d*e*_
    sqrt(c))/(c^{(5/4)}*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                   +---+ +-+ 2
                                      2 | +-+ +---+
--R
           (-2d e|-a |c -ae +cd)|d|c +e|-a
--R
--R
                   4+-+ +----+
--R
--R
                  \c \e x + d
--R
           atanh(-----)
--R
                  +----+
--R.
                  | +-+ +---+
--R
                 \label{locality} \label{locality} \label{locality} $$ \left( -e \right) - a $$
--R
--R
--R
                  +---+ +-+ 2
                                      2 | +-+ +---+
--R
           (-2d e)|-a|c + a e - c d)|d|c - e|-a
--R
                   4+-+ +----+
--R
```

```
--R
              \c \e x + d
--R
        atanh(-----)
--R
              | +-+ +---+
--R
--R
             \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \
--R
--R
                       +----+
         --R
       2e\|- a \|c \|e x + d \|d\|c - e\|- a \|d\|c + e\|- a
--R
--R /
--R
              +----+
       +---+4+-+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
     c = a |c |d|c - e|- a |d|c + e|- a
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 462
--S 463 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
--R
                | 26 24 242
--R
              2 |- a e + 6a c d e - 9c d e 2 3
--R
            |2a c |----- + 3a d e - c d
--R
--R
                --R
                M
                          4a c
--R
--R
            - 1
--R
           \backslash I
                               аc
--R
--R
           log
--R
                      | 26 24 242
--R
                    4 |-ae+6acde-9cde 2 4 222
--R
                (2a c d |----- + a c e - 3a c d e )
--R
--R
                      --R
                               4a c
--R
--R
--R
--R
                     | 26 24 242
--R
                 | 2 |- a e + 6a c d e - 9c d e
--R
                 |2a c |----- + 3a d e - c d
--R
                    - 1
--R
                         4a c
--R
--R
                                      2
```

```
NΙ
--R
                          a c
--R
             2 5 2 3 2 4 +----+
--R
--R
             (a e - 2a c d e - 3c d e)\|e x + d|
--R
--R
--R
             | 26 24 242
--R
            2 |- a e + 6a c d e - 9c d e 2 3
--R
--R
--R
                 5
4a c
          1
--R
            \1
--R
--R
--R
        M
                         a c
--R
--R
       log
--R
                | 26 24 242
--R
               4 |- a e + 6a c d e - 9c d e 2 4 2 2 2
--R
            (2a c d |----- - a c e + 3a c d e )
--R
                5
\| 4a c
--R
--R
--R
--R
--R
                 | 26 24 242
--R
            | 26 24 242
| 2|-ae+6acde-9cde 2 3
--R
--R
             |- 2a c |----- + 3a d e - c d
                5
\| 4a c
            --R
--R
--R
            1
--R
--R
            \|
                             a c
--R
            2 5 2 3 2 4 +----+
--R
--R
           (a e - 2a c d e - 3c d e) \mid e x + d
--R
--R
--R
--R
               | 26 24 242
--R
          | 2 |- a e + 6a c d e - 9c d e
--R.
           |- 2a c |----- + 3a d e - c d
--R
                     5
--R
          4a c
--R
               --R
--R
          - 1
                           a c
--R
          \backslash I
--R
```

```
--R
         log
--R
                       1 2 6 2 4 2 4 2
--R
                     4 |- a e + 6a c d e - 9c d e 2 4
--R
--R
--R
                      - 1
                      \ I
--R
                              4a c
--R
--R
                     2 2 2
                 - 3a c d e
--R
--R
--R
--R
                    | 26 24 242
--R
--R
                  2 |- a e + 6a c d e - 9c d e
--R
               |- 2a c |----- + 3a d e - c d
                  | 5
\| 4ac
--R
--R
--R
--R
--R
                               a c
              \backslash I
--R
--R
             2 5 2 3 2 4 +----+
             (a e - 2a c d e - 3c d e) | e x + d
--R
--R
--R
--R
            | 26 24 242
--R
         | 2 |- a e + 6a c d e - 9c d e 2 3
|2a c |------ + 3a d e - c d
--R
--R
                    5
--R
            - 1
--R
            4a c
--R
--R
--R
        \backslash I
                         ас
--R
--R
        log
--R
                   | 26 24 242
--R
            --R
--R
--R
                  - 1
--R
                  \backslash I
                           4a c
--R
--R
             +----+
--R
             --R
--R
             | 2 |- a e + 6a c d e - 9c d e 2 3
--R
             |2a c |----- + 3a d e - c d
--R
             1 1
                         5
```

```
| \| 4a c
--R
--R
--R
              - 1
                            2
--R
             \backslash I
                                a c
--R
             2 5 2 3 2 4 +----+
--R
--R
            (a e - 2a c d e - 3c d e) | e x + d
--R
         +----+
--R
--R
       4e \le x + d
--R /
--R
     2c
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 463
--S 464 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
--R
                   --R
                   | 2 |- a e + 6a c d e - 9c d e 2 3
--R
                   |2ac |----- + 3ade - cd
--R
                                5
--R
--R
            +---+4+-+ |
                      \ I
                                4a c
          c\|- a \|c ||-----
--R
                               2
--R
                  - 1
--R
                  \backslash I
                                     a c
--R
--R
           +----+
           | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
          \  \| d \le - e \le a \le d \le + e \le a
--R
--R
          log
--R
                     1 2 6 2 4 2 4 2
--R
                4 |- a e + 6a c d e - 9c d e 2 4 2 2 2 (2a c d |----- + a c e - 3a c d e )
                                            2 4 2 2 2
--R
--R
                            5
--R
                     - 1
--R
                    \backslash I
                             4a c
--R
--R
                    +----+
--R
                   | 26 24 242
--R
                | 2 |- a e + 6a c d e - 9c d e
--R
                |2a c |----- + 3a d e - c d
--R
--R
                1 1
                         5
```

```
| \| 4a c
--R
--R
--R
--R
              \backslash I
                               a c
--R
              2 5 2 3 2 4 +----+
--R
--R
             (a e - 2a c d e - 3c d e) | e x + d
--R
--R
--R
--R
                     | 26 24 242
                | 2 |- a e + 6a c d e - 9c d e
--R
                |- 2a c |----- + 3a d e - c d
--R
--R
         +---+4+-+ | \| 4a c
--R
--R
        c\|- a \|c |-----
--R
               --R
               \backslash I
                                 a c
--R
        +----+
--R
        | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
        \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
        log
--R
                  | 26 24 242
--R
            --R
--R
                         5
--R
                 --R
                 \ I
                         4a c
--R
--R
--R
                  | 26 24 242
--R
             | 2 |- a e + 6a c d e - 9c d e
--R
             |- 2a c |----- + 3a d e - c d
--R
               1
--R
               \| 4a c
--R
--R
--R
--R
            \mathbf{I}
--R
--R
            2 5 2 3 2 4 +----+
--R
           (a e - 2a c d e - 3c d e) | e x + d
--R
--R
           +---+4+-+
--R
--R
          c\|- a \|c
--R
--R
```

```
--R
            1 26 24 242
--R
         --R
         |- 2a c |----- + 3a d e - c d
--R
         --R
--R
--R
--R
--R
        \backslash I
                        a c
--R
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
        --R
--R
--R
        log
--R
--R
                    1 2 6 2 4 2 4 2
                  4 |-ae + 6acde - 9cde 2 4
--R
--R
               - 2a c d |----- + a c e
                   | 5
|\ 4a c
--R
--R
--R
--R
                  2 2 2
              - 3a c d e
--R
--R
--R
                 +-----+
| 26 24 242
--R
--R
             --R
--R
             | | 5
| \| 4a c
--R
--R
--R
--R
--R
             \backslash I
                            ас
--R
             2 5 2 3 2 4 +----+
--R
--R
           (a e - 2a c d e - 3c d e)\|e x + d|
--R
--R
             | +-----+
| | 26 | 24 | 242
| 2 | - a e + 6a c d e - 9c d e | 2 3
--R
--R
--R.
--R
             |2a c |----- + 3a d e - c d
             | | 5
--R
        +---+4+-+ | \| 4a c
--R
       c\|- a \|c |------
--R
--R
             - 1
                            a c
--R
             \I
--R
```

```
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
        \label{eq:continuous} \| d \leq -e = a \| d \leq +e = a
--R
--R
        log
--R
                     | 26 24 242
--R
                                             2 4 2 2 2
                   4 |-ae+6acde-9cde
--R
              (- 2a c d | ----- -- - a c e + 3a c d e)
--R
--R
                    - 1
                    \ |
--R
                             4a c
--R
--R
--R
                 | 26 24 242
--R
--R
              | 2 |- a e + 6a c d e - 9c d e
--R.
              |2a c |----- + 3a d e - c d
--R
                  - 1
                          5
                  \| 4a c
--R
--R
                               2
--R
              \backslash I
                                  ас
--R
              2 5 2 3 2 4 +----+
--R
--R
            (a e - 2a c d e - 3c d e)\|e x + d|
--R
--R
             +---+ +-+ 2 2 | +-+ +---+
--R
--R
         (4d e)|-a |c + 2a e - 2c d)|d|c + e|-a
--R
--R
              4+-+ +----+
--R
              \c \c \c \  \  
--R
         atanh(-----)
             +----+
--R
              | +-+ +---+
             --R
--R
--R
                                                4+-+ +----+
         +---+ +-+ 2 2 | +-+ +---+
--R
                                                \c \cdot \c \cdot \c x + d
--R
      (4d e)|- a |c - 2a e + 2c d)|d|c - e|- a atanh(-----)
--R
--R
                                                | +-+ +---+
--R
                                               \label{eq:local_condition} \d = -a
--R /
--R
               +----+
       +---+4+--+ | +----+ | +----+
--R
      2c\|-a\|c\|d\|c - e\|-a \|d\|c + e\|-a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 464
```

```
--S 465 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 465
)clear all
--S 466 of 1581
t0:=(d+e*x)^(1/2)/(a+c*x^2)
--R
--R
--R
           +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R
    (1) -----
            2
--R
--R
           c x + a
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 466
--S 467 of 1581
\texttt{r0:=atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*}\_
     sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(c^(3/4)*sqrt(-a))-atanh(c^(1/4)*_
     sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*_
     sqrt(c))/(c^(3/4)*sqrt(-a))
--R
--R
--R
      (2)
--R
                                  4+-+ +----+
          | +-+ +---+
--R
                                   \c \c \c \  \  
         \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
                                  +----+
--R
--R
                                   | +-+ +---+
                                  --R
--R
                                     4+-+ +----+
--R
             | +-+ +---+
--R
                                     \c \cdot \c \cdot \c x + d
--R
         - \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
                                    +----+
--R
--R
                                    | +-+ +---+
--R
                                    \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \
--R /
--R
        +---+4+-+3
--R
        \|- a \|c
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 467
--S 468 of 1581
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R
       --R
--R
--R
       |2a c |- ---- - d
       | | 3
--R
--R
       | \| 4a c
--R
       |-----
       \| a c
--R
--R
--R
--R
                   --R
--R
--R
             +----- | 2a c |- ---- - d
            | 2 | | 3
--R
       --R
--R
            .
| 3\| ac
--R
            \| 4a c
--R
--R
--R
--R
         | +----+
| | 2
| | e
--R
--R
--R
         |- 2a c |- ---- - d
--R
         | | 3
| \| 4a c
--R
--R
         I-----
         \| a c
--R
--R
--R
--R
                        | 2
| e
--R
--R
               +----- |- 2a c |- ---- - d
--R
         --R
--R
--R
              | 3 \| a c
--R
--R
              \| 4a c
--R
--R
        | +----+
| 2
--R
--R
```

```
| e
|- 2a c |- ---- - d
--R
--R
         | | 3
| \| 4a c
--R
--R
--R
         \| a c
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                               - 1
                  +----- |- 2a c |- ---- - d
--R
                 | 2 | | 3
2 | e | \| 4a c
--R
--R
--R
         log(- 2a c |- ---- |----- + e\|e x + d )
--R
                 | 3 \| a c
--R
                 \| 4a c
--R
--R
--R
--R
--R
               1 2
            I I е
--R
            |2a c |- ---- - d
--R
            | | 3
--R
            | \| 4a c
--R
--R
--R
           \|
                a c
--R
--R
--R
                              1 2
--R
--R
                        ----+ |2a c |- ---- - d
                    | 2 | | 3
                   2 | e | \| 4a c
--R
           log(- 2a c |- ---- |------ + e\|e x + d )
--R
--R
                    \| 4a c
--R
--R /
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 468
--S 469 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                  +----+
```

```
| +----+
| | 2
| e
--R
--R
--R
--R
                |2a c |- ---- - d
               | | 3
--R
        +---+4+-+3 | \| 4a c
--R
        \|- a \|c ||-----
--R
              \| ac
--R
--R
--R
                     | +----+
| | 2
| | e
--R
--R
--R
               +----- | 2a c |- ---- - d
--R
        --R
--R
--R
              | 3 \| a c
--R
--R
              \| 4a c
--R
--R
--R
--R
                  --R
--R
                  |- 2a c |- ---- - d
--R
          | | 3
+---+4+-+3 | \| 4a c
--R
--R
--R
          \|- a \|c ||-----
--R
                 \landarder \landarder a c
--R
--R
                       | +----+
| 2
| e
--R
--R
--R
                 +----- |- 2a c |- ---- - d
--R
          --R
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                | +----+
| 2
| e
--R
--R
--R
                |- 2a c |- ---- - d
--R
                | | 3
--R
        +---+4+-+3 | \| 4a c
--R
        \|- a \|c ||-----
--R
```

```
\landac
--R
--R
--R
--R
                                                                                          --R
--R
                                                                 +----- |- 2a c |- ---- - d
--R
                                                           | 2 | | 3
2 | e | \| 4a c +-----+
--R
--R
                                log(- 2a c |- ---- |----- + e\|e x + d )
--R
                                                              3 \| a c
--R
--R
                                                              \| 4a c
--R
--R
--R
--R
                                                                        --R
--R
                                                                        |2a c |- ---- - d
--R
                                                                       | | 3
--R
--R
                                          +---+4+-+3 | \| 4a c
--R
                                        \|- a \|c |-----
                                                                    \large a c
--R
--R
--R
--R
                                                                                                   --R
--R
                                                                         +----- | 2a c |- ---- - d
--R
                                                                   | 2 | | 3
2 | e | \| 4a c +----+
--R
--R
                                        log(- 2a c |- ---- |----- + e\|e x + d )
--R
                                                                     | 3 \| a c
--R
--R
                                                                    \| 4a c
--R
                                      +----+ 4+-+ +----+
--R
                                      | +-+ +---+
--R
                                                                                                    \c \cdot \c \cdot \c x + d
                           - 2\|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
                                                                                                    +----+
--R
                                                                                                      | +-+ +---+
--R
                                                                                                    \label{eq:local_condition} \label{eq:local_condition} \
--R
--R
--R
                                                                                                   4+-+ +----+
                             | +-+ +---+
--R
                                                                                                   \c \c \c \  \  
--R
                          2\|d\|c + e\|- a atanh(-----)
                                                                                                 +----+
--R
                                                                                                 | +-+ +---+
--R
--R
                                                                                               \label{eq:local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_
--R /
                          +---+4+-+3
--R
```

```
2\|- a \|c
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 469
--S 470 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
                                       (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 470
)clear all
--S 471 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^(1/2)*(a+c*x^2))
--R
 --R
 --R
                                                                                                                                                     1
 --R
                                                                                           2 +----+
--R
--R
                                                                          (c x + a) \mid e x + d
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 471
--S 472 of 1581
r0:=atanh(c^{(1/4)}*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^{(1/4)}*_{-a})/(c^
                                       \ \operatorname{sqrt}(-a) * \operatorname{sqrt}(-e * \operatorname{sqrt}(-a) + d * \operatorname{sqrt}(c))) - \operatorname{atanh}(c^{(1/4)} * \operatorname{sqrt}(d + e * x)) - \operatorname{atanh}(c^{(1/4)} * \operatorname{atanh}(c^{(1/4)} * \operatorname{atanh}(c * a)) - \operatorname{atanh}(c^{(1/4
                                       --R
--R
--R
                                               (2)
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                           4+-+ +----+
--R
                                                                                     | +-+ +---+
                                                                                                                                                                                                                                                                                 \c \cdot | c \cdot | e x + d
 --R
                                                                            \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                               | +-+ +---+
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                       \label{eq:local_continuous_local} \label{eq:local_continuous_local} \label{eq:local_continuous_local} \label{eq:local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_conti
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                    4+-+ +----+
 --R
                                                                                                    | +-+ +---+
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                    \c \c \c \  \  
                                                                              - \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
 --R
 --R.
                                                                                                                                                                                                                                                                                            +----+
                                                                                                                                                                                                                                                                                            | +-+ +---+
--R.
                                                                                                                                                                                                                                                                                       \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \
--R
--R /
                                                                                                                                                   +----+
--R
                                                                    +---+4+--+ | +---+ | +---+
--R
--R
                                                             --R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--E 472
--S 473 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R
--R
--R
            2 2 2 |
--R
          |(2a e + 2a c d ) |- ---- - d
--R
                      | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
--R
                     \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
                      2 2 2
--R
--R
                       ae +acd
--R
--R
         log
--R
--R
                2 2 2 3 |
--R
               (2a c d e + 2a c d ) |- -----
--R
                             | 3 4 2222 34
--R
--R
                             \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
--R
--R
--R
--R
--R
               | 22 2 |
--R
--R
               |(2a e + 2a c d ) |- -----
                     | 3 4 2222 34
--R
                         \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
                 ._____
--R
                             2 2 2
                           ae +acd
--R
--R
--R
--R
             e \le x + d
--R
--R
--R
--R
        | 22 2 |
--R
--R
        |(- 2a e - 2a c d ) |- -----
                    | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
```

```
\| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
--R
       - 1
                 2 2 2
--R
       \|
                     ae +acd
--R
--R
       log
--R
--R
             2 2 2 3 |
--R
--R
            ((2a c d e + 2a c d ) |- -----
--R
                        | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
                          \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
--R
--R
            | 22 2 |
--R
           |(- 2a e - 2a c d ) |- ----- - d
--R
                         | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
                         \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
--R
                         2 2 2
            --R
                          ae +acd
            11
--R
--R
           +----+
--R
          e \le x + d
--R
--R
--R
--R
--R
          --R
--R
          |(- 2a e - 2a c d )|- ---- - d
                      | 3 4 2222 34
--R
--R
                       \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
                        2 2 2
--R
                       ae +acd
--R
         \ I
--R
--R
         log
--R
--R
--R
                 2 2 2 3 |
--R
               (- 2a c d e - 2a c d ) |- -----
                              | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
                              \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
--R
                 2
--R
              - a e
--R
```

```
--R
--R
--R
              --R
              |(- 2a e - 2a c d ) |- ----- - d
--R
                          3 4 2222 34
--R
--R
                           \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
                         2 2 2
--R
                           ae +acd
--R
             \ I
--R
             +----+
--R
--R
            e \le x + d
--R
--R
--R
--R
        | 22 2 |
--R
        |(2a e + 2a c d ) |- ---- - d
--R
                 | 3 4 2222 34
--R
               \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
                   22 2
ae + ac d
--R
       - 1
--R
       \I
--R
--R
       log
--R
--R
--R
                2 2 2 3 |
--R
              (- 2a c d e - 2a c d ) |- -----
                            | 3 4 2222 34
--R
--R
                            \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
--R
              аe
--R
--R
--R
--R
            | 22 2 |
--R
--R
            |(2a e + 2a c d ) |- -----
                       | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
--R
                       \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
                       2 2 2
--R
--R
                         ae +acd
--R
--R
          e \le x + d
--R
--R /
```

```
--R 2
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 473
--S 474 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
   (4)
--R
--R
--R
--R
--R
                   2 2 2 |
--R
--R
                  |(2a e + 2a c d ) |- ---- - d
--R
                              | 3 4 2 2 2 2 3 4
                           \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
          +---+4+-+ |
--R
          \|- a \|c |------
                              2 2 2
--R
                 \backslash I
--R
                                ae +acd
--R
--R
           +----+
--R
           \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R
          log
--R
--R
--R
                  2 2
                            2 3 I
--R
                (2a c d e + 2a c d ) |- -----
                               | 3 4 2222 34
--R
--R
                               \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                 2 2 2 |
--R
--R
                |(2a e + 2a c d ) |- -----
                            | 3 4 2222 34
--R
--R
                            \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
                               2 2 2
--R
--R
                              ae +acd
--R
--R
               +----+
              e \le x + d
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
               --R
--R
               |(- 2a e - 2a c d ) |- ----- - d
                             1 3 4 2222 34
--R
--R
        +---+4+-+ |
                            \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
        \|- a \|c |---
                          22 2
ae + ac d
--R
               - 1
--R
               M
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
        \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R
        log
--R
--R
              2 2 2 3 |
--R
             ((2a c d e + 2a c d ) |- ----- + a e )
--R
                            | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
--R
                            \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
--R
--R
             | 22 2 |
--R
--R
             |(- 2a e - 2a c d ) |- -----
                           | 3 4 2222 34
--R
--R
                           \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
                       2 2 2
--R
--R
                            ae +acd
--R
--R
--R
           e \mid e x + d
--R
--R
          +---+4+-+
--R
--R
          \|- a \|c
--R
--R
--R
--R
           | 22 2 |
--R
--R
           |(- 2a e - 2a c d )|- ---- - d
                        | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
--R
                       \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
                           2 2 2
--R
```

```
\1
--R
              ae +acd
--R
--R
        +----+
        | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
       --R
--R
       log
--R
--R
               2 2
                      23 |
--R
--R
            (- 2a c d e - 2a c d ) |- -----
                        | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
                        \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
--R
--R
--R
--R
--R
--R
           | 22 2 |
--R
--R
           |(- 2a e - 2a c d ) |- ----- - d
                      | 3 4 2222 34
--R
                      \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
              ______
                     22 2
ae + ac d
--R
--R
--R
--R
--R
          e \le x + d
--R
--R
--R
--R
           --R
--R
           |(2a e + 2a c d ) |- ---- - d
                   | 3 4 2222 34
--R
             +---+4+-+ |
--R
      \|- a \|c ||------
--R
                     22 2
ae + ac d
--R
--R
           \backslash I
--R
--R
      +----+
      | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
      --R
--R
      log
--R
                    2 2 3 | e
--R
              2 2
--R
```

```
(- 2a c d e - 2a c d ) |- -----
--R
                                   | 3 4 2222 34
--R
--R
                                   \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
                  2
--R
                 a e
--R
--R
--R.
               1 2 2 2 1
--R
               |(2a e + 2a c d ) |- ---- - d
--R
                      | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
                           \| 4ace + 8acde + 4acd
--R
--R
--R
                               2 2 2
--R
              \backslash I
                              ae +acd
--R
--R
              +----+
--R
             e \le x + d
--R
          +----+
                             4+-+ +----+
--R
--R
          | +-+ +---+
                          \|c \|e x + d
       - 2\|d\|c + e\|- a atanh(-----)
--R
--R
                             +----+
                             | +-+ +---+
--R
--R
                            \label{dlc} - e - a
--R
--R
                            4+-+ +----+
--R
        | +-+ +---+
                            \c \c \c \  \  
--R
       2\|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
                           +----+
                           | +-+ +---+
--R
--R
                          \left| d\right| c + e\right| - a
--R /
               +----+
--R
--R
      +---+4+--+ | +----+ | +---+
      2\|- a \|c \|d\|c - e\|- a \|d\|c + e\|- a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 474
--S 475 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 475
)clear all
```

```
--S 476 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^(3/2)*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
                                                                                                                               1
--R
--R
--R
                                            (c e x + c d x + a e x + a d) \setminus |e x + d
--R
                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 476
--S 477 of 1581
r0:=-2*e/((c*d^2+a*e^2)*sqrt(d+e*x))-c^(1/4)*atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
                    sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e+a*d*sqrt(c)/(-a)^(3/2))/_
                     ((c*d^2+a*e^2)*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))-c^(1/4)*_
                    atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
                    (-e+d*sqrt(c)/sqrt(-a))/((c*d^2+a*e^2)*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R
--R
--R
                         (2)
--R
--R
                                                           +-+ +---+ 4+-+ +-----+ | +-+ +---+
--R
                                                 (d|c + e|- a)|c |e x + d|d|c + e|- a
--R
                                                                                 4+-+ +----+
--R
--R
                                                                                 \c \l x + d
--R
                                                atanh(-----)
--R
--R.
                                                                             | +-+ +---+
                                                                        \label{eq:local_continuous_local} \label{eq:local_continuous_local} \label{eq:local_continuous_local} \label{eq:local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_continuous_local_conti
--R
--R
--R
--R
                                                                     +-+ +---+ 4+-+ +----+ | +-+ +---+
 --R
                                                 (-d|c + e|-a)|c |e x + d|d|c - e|-a
--R
--R
                                                                                 4+-+ +----+
--R
                                                                                 atanh(-----)
--R
                                                                             +----+
--R
                                                                              | +-+ +---+
 --R
                                                                         \label{eq:local_condition} \label{eq:local_con
 --R
--R.
--R.
                                                                                    +----+
                                                            +---+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
                                         - 2e\|- a \|d\|c - e\|- a \|d\|c + e\|- a
--R
--R /
--R
                                                                                                                                                           +----+
                                                                             --R
                                 (a e + c d) = a | e x + d | d = -e = a | d = c + e = a
--R
```

```
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 477
--S 478 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
            2 2 +----+
         (-ae-cd)\leq x+d
--R
--R
--R
         ROOT
                 46 3 24 2242 36
--R
--R
                (2a e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d )
--R
--R
                ROOT
--R
                     2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                   -ace + 6acde - 9cde
--R
--R
                      7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                     4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
--R
                      3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                     60acde + 24acd e + 4acd
--R
--R
                    2 2 3
--R
              3acde - cd
--R
--R
             4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
             ae + 3acde + 3acde + acd
--R
--R
         log
--R
                   58 4 26 2362
--R
                 (2a e + 4a c d e - 4a c d e - 2a c d)
--R
                 ROOT
--R
--R
                       2 6
                               2 2 4
                                       3 4 2
--R
                     -ace +6acde -9cde
--R
--R
                       7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                       4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
--R.
                        3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                       60a c d e + 24a c d e + 4a c d
--R
--R
                   2
                      4
                           2 3 2
--R
               - 2a c d e + 6a c d e
--R
              ROOT
--R
--R
                       46 3 24 2242 36
```

```
--R
                    (2a e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d)
--R
--R
                    ROOT
                         2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                       -ace + 6acde - 9cde
--R
                         7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                        4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                          3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                        60acde + 24acd e + 4acd
--R
                       2 2 3
--R
--R
                  3acde - cd
--R
--R
                 46 3 24 2242 36
--R
                 ae + 3acde + 3acde + acd
--R
--R
               3 22 +----+
--R
            (a c e - 3c d e) | e x + d
--R
--R
          2 2 +----+
--R
        (ae + cd) | ex + d
--R
--R
        ROOT
--R
                 46 3 24 2242 36
--R
               (-2ae -6acde -6acde -2acd)
--R
--R
               ROOT
                   2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                  -ace +6acde -9cde
--R
--R
                    7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                   4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                     3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                   60acde + 24acd e + 4acd
--R
                  2 2 3
--R
--R
             3acde - cd
--R
--R
            46 3 24 2242 36
--R
            ae + 3acde + 3acde + acd
--R
--R
        log
--R
                 58 4 26 2362 48
--R
                (2a e + 4a c d e - 4a c d e - 2a c d)
--R
                ROOT
--R
                      2 6 2 2 4 3 4 2
--R
```

```
--R
                    -ace + 6acde - 9cde
--R
--R
                       7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                      4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                       3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                      60a c d e + 24a c d e + 4a c d
--R
                    4 232
--R
               2a c d e - 6a c d e
--R
--R
--R
              ROOT
                       4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
--R
                     (- 2a e - 6a c d e - 6a c d e - 2a c d )
--R
--R
                     ROOT
--R
                         2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                        -ace + 6acde - 9cde
--R
                          7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                         4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                           3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                         60acde + 24acd e + 4acd
--R
--R
--R
                        2 2 3
--R
                  3acde - cd
--R
--R
                  46 3 24 2242 36
--R
                 ae + 3acde + 3acde + acd
--R
                3 2 2 +----+
--R
--R
            (a c e - 3c d e) | e x + d
--R
--R
            2
                 2 +----+
         (-ae -cd)\leq x+d
--R
--R
--R
        ROOT
                  46 3 24 2242 36
--R
--R
               (- 2a e - 6a c d e - 6a c d e - 2a c d )
--R
               ROOT
--R
--R
                    2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                   -ace + 6acde - 9cde
--R
--R
                     7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                    4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                      3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                    60a c d e + 24a c d e + 4a c d
```

```
--R
               2 2 3
--R
--R
             3acde - cd
--R
--R
            46 3 24 2242 36
--R
            ae + 3acde + 3acde + acd
--R
--R
        log
                  58 4 26 2362 48
--R
                (- 2a e - 4a c d e + 4a c d e + 2a c d)
--R
--R
--R
                ROOT
                     2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                   -ace +6acde -9cde
--R
--R
                     7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                    4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
--R
                      3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                     60a c d e + 24a c d e + 4a c d
--R
--R
                 2 4 232
               - 2a c d e + 6a c d e
--R
--R
--R
             ROOT
                      4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
--R
                    (-2ae -6acde -6acde -2acd)
--R
--R
                    ROOT
                        2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                       -ace +6acde -9cde
--R
--R
                         7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                        4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                          3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                        60acde + 24acd e + 4acd
--R
                       2 2 3
--R
--R
                  3acde - cd
--R
--R
                 4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
                 ae + 3acde + 3acde + acd
--R
               3 2 2 +----+
--R
--R
            (a c e - 3c d e) | e x + d
--R
--R
          2 2 +----+
        (ae + cd) | ex + d
--R
--R
```

```
--R
        ROOT
--R
                 4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
               (2a e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d)
--R
--R
               ROOT
                    2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                   -ace + 6acde - 9cde
--R
                     7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                    4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                     3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                    60acde + 24acd e + 4acd
--R
--R
--R
                   2 2 3
--R
              3acde - cd
--R
--R
            46 3 24 2242 36
--R
            ae + 3acde + 3acde + acd
--R
--R
        log
--R
                   58 4 26 2362 48
--R
                 (- 2a e - 4a c d e + 4a c d e + 2a c d)
--R
--R
                 ROOT
                      2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                    -ace + 6acde - 9cde
--R
--R
                       7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                     4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                       3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                      60a c d e + 24a c d e + 4a c d
--R
--R
                    4 232
               2acde - 6acde
--R
--R
--R
              ROOT
                      46 3 24 2242 36
--R
--R
                    (2a e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d)
--R
                    ROOT
--R
--R.
                         2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                        -ace + 6acde - 9cde
--R
--R
                           7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                         4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                           3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                          60a c d e + 24a c d e + 4a c d
```

```
--R
                      2 23
--R
--R
                   3acde - cd
--R
                   4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
--R
                  ae + 3acde + 3acde + acd
--R
                 3 22 +----+
--R
--R
             (a c e - 3c d e) | e x + d
--R
--R
       - 4e
--R /
               2 +----+
--R
--R
      (2a e + 2c d) | e x + d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 478
--S 479 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
            2 2 +---+
--R
--R
         (-ae-cd)|-a
--R
--R
         ROOT
--R
                  4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
                (2a e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d )
--R
--R
                ROOT
                      2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                    -ace +6acde -9cde
--R
                      7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                     4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                       3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                     60acde + 24acd e + 4acd
--R
                     2 2 3
--R
--R
              3acde - cd
--R
--R.
             4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
             ae + 3acde + 3acde + acd
--R
          +----+
--R
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
         log
```

```
58 4 26 2362 48
--R
--R
                 (2a e + 4a c d e - 4a c d e - 2a c d )
--R
--R
                 ROOT
                      2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                    -ace +6acde -9cde
--R
                      7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                     4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
--R
--R
                       3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
                      60a c d e + 24a c d e + 4a c d
--R
--R
                     4 232
--R
--R
               - 2a c d e + 6a c d e
--R
--R
              ROOT
--R
                      46 3 24 2242 36
--R
                    (2a e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d )
--R
--R
                    ROOT
--R
                         2 6 2 2 4 3 4 2
                        -ace + 6acde - 9cde
--R
--R
--R
                          7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                         4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
--R
                           3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                         60acde + 24acd e + 4acd
--R
--R
                         2 2 3
--R
                  3acde - cd
--R
                 46 3 24 2242 36
--R
--R
                 ae + 3acde + 3acde + acd
--R
               3 2 2 +----+
--R
--R
            (a c e - 3c d e) \mid e x + d
--R
               2 +---+
--R
--R
         (ae + cd) \mid - a
--R
--R.
        ROOT
--R
                  4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
               (- 2a e - 6a c d e - 6a c d e - 2a c d )
--R
--R
               ROOT
--R
                    2 6 2 2 4 3 4 2
                  -ace +6acde -9cde
--R
--R
```

```
7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                   4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
--R
                    3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                  60acde + 24acd e + 4acd
--R
--R
                  2 2 3
--R
            3acde - cd
--R
            46 3 24 2242 36
--R
--R
           ae + 3acde + 3acde + acd
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
        --R
--R
        log
--R
                 58 4 26 2362 48
--R
                (2a e + 4a c d e - 4a c d e - 2a c d)
--R
--R
                ROOT
--R
                    2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                   -ace + 6acde - 9cde
--R
--R
                     7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                    4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
--R
                      3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                     60a c d e + 24a c d e + 4a c d
--R
                   4 232
--R
              2
--R
              2acde - 6acde
--R
--R
             ROOT
                      4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
                   (- 2a e - 6a c d e - 6a c d e - 2a c d )
--R
--R
--R
                   ROOT
                        2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                       -ace + 6acde - 9cde
--R
--R
                         7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                        4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
--R
                         3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                        60acde + 24acd e + 4acd
--R
--R
                       2 2 3
                  3a c d e - c d
--R
--R
```

```
46 3 24 2242 36
--R
--R
                 ae + 3acde + 3acde + acd
--R
--R
                3 2 2 +----+
--R
           (a c e - 3c d e) \mid e x + d
--R
            2 2 +---+
--R
--R
        (-ae-cd)|-a
--R
        ROOT
--R
--R
                 4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
               (- 2a e - 6a c d e - 6a c d e - 2a c d )
--R
--R
--R
               ROOT
--R
                   2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                  -ace +6acde -9cde
--R
--R
                    7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                   4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
--R
                     3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                   60acde + 24acd e + 4acd
--R
--R
                  2 2 3
--R
             3acde - cd
--R
--R
            46 3 24 2242 36
--R
            ae + 3acde + 3acde + acd
--R
--R
         +----+
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
        \d \c - e = a \d c + e = a
--R
--R
        log
                   58 4 26 2362 48
--R
                (- 2a e - 4a c d e + 4a c d e + 2a c d )
--R
--R
--R
                ROOT
                     2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                    -ace +6acde -9cde
--R
--R
                      7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                     4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                      3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                     60a c d e + 24a c d e + 4a c d
--R
--R
                 2 4 2 3 2
               - 2a c d e + 6a c d e
--R
--R
```

```
--R
             ROOT
--R
                       4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
                    (- 2a e - 6a c d e - 6a c d e - 2a c d )
--R
                    ROOT
--R
                         2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                       -ace + 6acde - 9cde
--R
                         7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                        4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                          3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                        60acde + 24acd e + 4acd
--R
--R
--R
                        2 2 3
--R
                  3acde - cd
--R
--R
                 46 3 24 2242 36
--R
                 ae + 3acde + 3acde + acd
--R
--R
               3 2 2 +----+
--R
            (a c e - 3c d e) | e x + d
--R
          2 2 +---+
--R
--R
        (a e + c d) = a
--R
--R
        ROOT
--R
                4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
               (2a e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d)
--R
--R
               ROOT
                    2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                  -ace +6acde -9cde
--R
                    7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                   4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                     3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                   60a c d e + 24a c d e + 4a c d
--R
--R
                   2 2 3
--R
--R
             3acde - cd
--R
--R
            46 3 24 2242 36
--R
            ae + 3acde + 3acde + acd
--R
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
        \d c - e = a \d c + e = a
--R
--R
```

```
--R
         log
                     58 4 26 2362 48
--R
--R
                 (- 2a e - 4a c d e + 4a c d e + 2a c d)
--R
                 ROOT
--R
                       2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                     -ace + 6acde - 9cde
--R
                       7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                       4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
                        3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                       60a c d e + 24a c d e + 4a c d
--R
--R
                     4 232
--R
--R
                2a c d e - 6a c d e
--R
--R
              ROOT
                       4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
--R
                     (2a e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d)
--R
                     ROOT
--R
--R
                          2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                         -ace + 6acde - 9cde
--R
                            7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                          4a e + 24a c d e + 60a c d e + 80a c d e
--R
--R
                             3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                          60acde + 24acd e + 4acd
--R
                         2 2 3
--R
--R
                   3acde - cd
--R
--R
                  46 3 24 2242 36
--R
                  ae + 3acde + 3acde + acd
--R
                 3 22 +----+
--R
--R
            (a c e - 3c d e) | e x + d
--R
--R
                                               4+-+ +----+
           +-+ +---+ 4+-+ | +-+ +---+
--R
                                               \c \c \c x + d
--R.
       (-2d|c - 2e|-a)|c |d|c + e|-a atanh(-----)
--R.
                                              | +-+ +---+
--R
--R
                                             \label{dlc} - e - a
--R
--R
                                             4+-+ +----+
          +-+ +---+ 4+-+ | +-+ +---+
--R
                                             \c \cdot | c \cdot | e x + d
       (2d|c - 2e|- a)|c |d|c - e|- a  atanh(-----)
--R
```

```
--R
--R
                                                    | +-+ +---+
--R
                                                    \label{eq:local_condition} \label{eq:local_condition} \
--R /
--R
                           +----+
           2 2 +---+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
       (2a e + 2c d )\|- a \|d\|c - e\|- a \|d\|c + e\|- a
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 479
--S 480 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 480
)clear all
--S 481 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^(5/2)*(a+c*x^2))
--R
--R
--R
--R
     (1) -----
            24 3 2 22
--R
--R
         (c e x + 2c d e x + (a e + c d)x + 2a d e x + a d)\|e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 481
--S 482 of 1581
r0:=-2/3*e/((c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(3/2))-4*c*d*e/((c*d^2+a*e^2)^2*_e
    \operatorname{sqrt}(d+e*x)+c^{3/4}*\operatorname{atanh}(c^{1/4})*\operatorname{sqrt}(d+e*x)/\operatorname{sqrt}(-e*\operatorname{sqrt}(-a)+_
    d*sqrt(c)))*((c*d^2-a*e^2)/sqrt(-a)+2*d*e*sqrt(c))/((c*d^2+_
    a*e^2)^2*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))+c^(3/4)*atanh(c^(1/4)*_
    2*d*e*sqrt(c))/((c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R
--R
--R
     (2)
                    2 +---+ +-+ 3
--R
                                                 2
--R.
           ((6d e x + 6d e)) - a | c + (- 3a e + 3c d e) - 3a d e + 3c d)
--R.
--R
                        +----+
                                                4+-+ +----+
          4+-+3 +----+ | +-+ +---+
--R.
                                               \c \cdot | c \cdot | e x + d
          \c \e x + d \d c + e = a tanh(-----)
--R
--R
                                               +----+
                                               | +-+ +---+
--R
                                              --R.
```

```
--R
          2 2 +---+ +-+ 3 2
                                    2 3 4+-+3
--R
--R
       ((6d e x + 6d e)) - a c + (3a e - 3c d e)x + 3a d e - 3c d)
--R
                            4+-+ +----+
--R
             +----+
       +----+ | +-+ +---+
--R
                              \c \cdot | c \cdot | e x + d
--R
       --R
                              | +-+ +---+
--R
--R
                             --R
--R
                             +----+
          2 3 2 +---+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
     (- 12c d e x - 2a e - 14c d e)\|- a \|d\|c - e\|- a \|d\|c + e\|- a
--R /
--R
        25 23 24 24 32 25 +---+
--R.
     ((3a e + 6a c d e + 3c d e)x + 3a d e + 6a c d e + 3c d )\|- a
--R
             +----+
--R
      --R
--R
      --R
                                  Type: Expression(Integer)
--E 482
--S 483 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
          25 23 24 24 32 25 +----+
--R
--R
       ((3a e + 6a c d e + 3c d e)x + 3a d e + 6a c d e + 3c d) | e x + d
--R
--R
       ROOT
              6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
--R
              2a e + 10a c d e + 20a c d e + 20a c d e + 10a c d e
--R
--R
                5 10
--R
              2a c d
--R
--R
             ROOT
                   4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
                 - a c e + 20a c d e - 110a c d e + 100a c d e
--R
--R.
--R
                    782
--R
                 - 25c d e
--R
                  --R
                 4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
--R
--R
                   7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
```

```
--R
                   840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                      4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
--R
--R
                    480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
               2 2 4 3 3 2 4 5
--R
--R
             - 5acde + 10acde - cd
--R
            6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2 5 10
--R
--R
            ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde + acd
--R
--R
        log
                  7 12 6 3 10 5 2 5 8 4 3 7 6
--R
--R
                  6a d e + 28a c d e + 50a c d e + 40a c d e
--R
--R
                   3 4 9 4 2 5 11 2 6 13
--R
                 10acde - 4acde - 2acd
--R
--R
                ROOT
                      4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
--R
                     -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                       782
--R
                     - 25c d e
--R
                      --R
--R
                    4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
--R
                        7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
                     840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                      4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
--R
--R
                    480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
--R
                4 8 3 2 2 6 2 3 4 4 4 6 2
--R
               -ace + 13acde - 35acde + 15acde
--R
--R
             ROOT
                      6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4
--R
--R
                     2a e + 10a c d e + 20a c d e + 20a c d e
--R
--R
                      2 4 8 2 5 10
--R
                    10acde + 2acd
--R
--R
                    ROOT
                          4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6
--R
--R
                        -ace + 20acde - 110acde
--R
                            6 6 4 7 8 2
--R
--R
                         100a c d e - 25c d e
```

```
--R
                          11 20 10 2 18 9 2 4 16
--R
--R
                         4a e + 40a c d e + 180a c d e
--R
                           8 3 6 14 7 4 8 12 6 5 10 10
--R
--R
                         480a c d e + 840a c d e + 1008a c d e
--R
--R
                            5 6 12 8
                                     4 7 14 6
                                                 3 8 16 4
                         840a c d e + 480a c d e + 180a c d e
--R
--R
--R
                           2 9 18 2 10 20
                         40acd e + 4ac d
--R
--R
                     2 2 4 3 3 2 4 5
--R
--R
                   - 5a c d e + 10a c d e - c d
--R
--R
                   6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
                   ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde
--R
--R
                    5 10
--R
                   acd
--R
--R
             2 2 5 3 2 3 4 4 +----+
--R
            (a c e - 10a c d e + 5c d e)\|e x + d|
--R
            25 23 24 2 4 32 25
--R
--R
         ((- 3a e - 6a c d e - 3c d e)x - 3a d e - 6a c d e - 3c d)
--R
--R
--R
        \exists x + d
--R
--R
        ROOT
                   6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
--R
                - 2a e - 10a c d e - 20a c d e - 20a c d e - 10a c d e
--R
--R
                    5 10
                - 2a c d
--R
--R
--R
               ROOT
                     4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
                    -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
--R
                       782
                    - 25c d e
--R
--R
--R
                     --R
                    4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
                      7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
--R
                    840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
```

```
--R
                     4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
--R
--R
                    480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
                2 2 4 3 3 2 4 5
--R
--R
             - 5acde + 10acde - cd
--R
            6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2 5 10
--R
            ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde + acd
--R
--R
--R
        log
                  7 12 6 3 10 5 2 5 8
--R
                                              4 3 7 6
                 6a d e + 28a c d e + 50a c d e + 40a c d e
--R
--R
--R
                   3 4 9 4 2 5 11 2
                                     6 13
--R
                 10acde - 4acde - 2acd
--R
--R
                ROOT
                       4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
--R
                     -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
                        782
--R
                     - 25c d e
--R
--R
                  /
                      --R
                     4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
--R
--R
                        7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
                     840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                      4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
--R
--R
                    480acd e + 180acd e + 40acd e + 4ac d
--R
--R
               4 8 3 2 2 6 2 3 4 4
--R
              ace - 13acde + 35acde - 15acde
--R
--R
             ROOT
                       6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4
--R
                     - 2a e - 10a c d e - 20a c d e - 20a c d e
--R
--R
                        2 4 8 2 5 10
--R
                     - 10a c d e - 2a c d
--R
--R
--R
                    ROOT
--R
                          4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6
--R
                        -ace + 20acde - 110acde
--R
--R
                            6 6 4 7 8 2
                        100a c d e - 25c d e
--R
--R.
```

```
11 20 10 2 18 9 2 4 16
--R
--R
                          4a e + 40a c d e + 180a c d e
--R
--R
                            8 3 6 14 7 4 8 12 6 5 10 10
--R
                          480a c d e + 840a c d e + 1008a c d e
--R
                            5 6 12 8 4 7 14 6 3 8 16 4
--R
--R
                          840a c d e + 480a c d e + 180a c d e
--R
                            2 9 18 2 10 20
--R
--R
                          40acde+4acd
--R
                      2 2 4 3 3 2 4 5
--R
--R
                   - 5acde + 10acde - cd
--R
--R
                   6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
                   ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde
--R
--R
                    5 10
--R
                   a c d
--R
--R
              2 2 5 3 2 3 4 4 +----+
--R
             (a c e - 10a c d e + 5c d e)\|e x + d|
--R
--R
           25 23 24 24 32 25 +----+
--R
         ((3a e + 6a c d e + 3c d e)x + 3a d e + 6a c d e + 3c d) | e x + d
--R
--R
         ROOT
--R
                   6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
                 - 2a e - 10a c d e - 20a c d e - 20a c d e - 10a c d e
--R
--R
                    5 10
--R
                 - 2a c d
--R
--R
               ROOT
                      4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
--R
                    -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                       782
--R
                    - 25c d e
--R
--R
                     11 20 10 2 18 9 2 4 16 8 3 6 14
--R
                    4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
                       7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
--R
                    840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
--R
                       4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
                    480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
--R
```

```
2 2 4 3 3 2 4 5
--R
--R
             - 5a c d e + 10a c d e - c d
--R
--R
            6 10 5 2 8
                           4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2 5 10
--R
            ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde + acd
--R
--R
        log
                    7 12 6 3 10 5 2 5 8 4 3 7 6
--R
                 - 6a d e - 28a c d e - 50a c d e - 40a c d e
--R
--R
--R
                     3 4 9 4 2 5 11 2 6 13
--R
                 - 10acde + 4acd e + 2acd
--R
--R
                ROOT
                       4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
--R
                     -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                        7 8 2
--R
                     - 25c d e
--R
                      --R
                     4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
--R
--R
                       7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
                     840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                      4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
--R
--R
                    480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
                4 8 3 2 2 6 2 3 4 4 4 6 2
--R
--R
               -ace + 13acde - 35acde + 15acde
--R
--R
             ROOT
                       6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4
--R
--R
                     - 2a e - 10a c d e - 20a c d e - 20a c d e
--R
--R
                        2 4 8 2 5 10
                     - 10a c d e - 2a c d
--R
--R
--R
                    ROOT
                           4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6
--R
                         -ace + 20acde - 110acde
--R
--R
                             6 6 4 7 8 2
--R
--R
                        100a c d e - 25c d e
--R
--R
                         11 20 10 2 18 9 2 4 16
--R
                        4a e + 40a c d e + 180a c d e
--R
--R
                            8 3 6 14 7 4 8 12 6 5 10 10
```

```
--R
                         480a c d e + 840a c d e + 1008a c d e
--R
--R
                           5 6 12 8 4 7 14 6 3 8 16 4
--R
                         840acd e + 480acd e + 180acd e
--R
                            2 9 18 2 10 20
--R
--R
                         40acde+4acd
--R
                     2 2 4 3 3 2 4 5
--R
--R
                  - 5acde + 10acde - cd
--R
                   6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
                  ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde
--R
--R
--R
                    5 10
--R
                   acd
--R
--R
              2 2 5 3 2 3 4 4 +----+
--R
            (a c e - 10a c d e + 5c d e) | e x + d
--R
--R
            25 23 24
                                  2 4 3 2 2 5
--R
        ((- 3a e - 6a c d e - 3c d e)x - 3a d e - 6a c d e - 3c d)
--R
--R
         +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x + d}}
--R
--R
        ROOT
--R
                 6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
                2a e + 10a c d e + 20a c d e + 20a c d e + 10a c d e
--R
--R
                  5 10
--R
                2a c d
--R
--R
               ROOT
                     4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
--R
                    -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                       7 8 2
                    - 25c d e
--R
--R
                     --R
                    4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
--R
--R
                      7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
                    840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
--R
--R
                      4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
--R
                    480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
--R
                2 2 4 3 3 2 4 5
```

```
--R
            - 5acde + 10acde - cd
--R
--R
            6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2 5 10
--R
            ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde + acd
--R
--R
        log
                    7 12 6 3 10 5 2 5 8 4 3 7 6
--R
--R
                 - 6a d e - 28a c d e - 50a c d e - 40a c d e
--R
                    3 4 9 4 2 5 11 2 6 13
--R
--R
                 - 10acde + 4acd e + 2acd
--R
                ROOT
--R
                       4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
--R
                     -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                        7 8 2
--R
                     - 25c d e
--R
                  /
                      --R
--R
                    4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
--R
                       7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
                     840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                      4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
--R
--R
                    480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
--R
               4 8 3 2 2 6 2 3 4 4 4 6 2
--R.
              ace - 13acde + 35acde - 15acde
--R
--R
             ROOT
                      6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4
--R
--R
                     2a e + 10a c d e + 20a c d e + 20a c d e
--R
                      2 4 8 2 5 10
--R
                    10acde + 2acd
--R
--R
--R
                    ROOT
                          4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6
--R
--R
                        -ace + 20acde - 110acde
--R
--R
                            6 6 4 7 8 2
--R
                        100a c d e - 25c d e
--R
--R
                         11 20 10 2 18 9 2 4 16
--R
                        4a e + 40a c d e + 180a c d e
--R
                          8 3 6 14 7 4 8 12 6 5 10 10
--R
--R.
                         480a c d e + 840a c d e + 1008a c d e
```

```
--R
--R
                            5 6 12 8 4 7 14 6 3 8 16 4
--R
                          840a c d e + 480a c d e + 180a c d e
--R
--R
                            2 9 18 2 10 20
--R
                           40acde+4acd
--R
                      2 2 4 3 3 2 4 5
--R
                    - 5a c d e + 10a c d e - c d
--R
--R
--R
                    6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
                    ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde
--R
--R
                     5 10
--R
                    a c d
--R
--R
              2 2 5 3 2 3 4 4 +----+
--R
             (a c e - 10a c d e + 5c d e)\|e x + d|
--R
--R
             2
--R
       - 24c d e x - 4a e - 28c d e
--R /
--R
        25 23 24 24 32 25 +-----+
--R
      ((6a e + 12a c d e + 6c d e)x + 6a d e + 12a c d e + 6c d) | e x + d
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 483
--S 484 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          2 4 2 2 2 4 +---+
--R
--R
         (a e + 2a c d e + c d) = a
--R
         ROOT
--R
                  6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
--R
                 2a e + 10a c d e + 20a c d e + 20a c d e + 10a c d e
--R
                   5 10
--R
--R
                 2a c d
--R
--R
                ROOT
--R
                       4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
                     -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                        782
--R
                     - 25c d e
--R
                              10 2 18 9 2 4 16 8 3 6 14
--R
                     11 20
```

```
--R
                  4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
--R
                     7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
                   840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                      4 7 14 6 3 8 16 4
                                        2 9 18 2 10 20
--R
--R
                   480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
              2 2 4 3 3 2 4 5
--R
--R
            - 5acde + 10acde - cd
--R
           6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2 5 10
--R
           ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde + acd
--R
--R
--R
        +----+
        | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R.
        --R
--R
        log
--R
                 7 12 6 3 10 5 2 5 8 4 3 7 6
--R
                6a d e + 28a c d e + 50a c d e + 40a c d e
--R
--R
                  3 4 9 4 2 5 11 2 6 13
                10acde - 4acde - 2acd
--R
--R
               ROOT
--R
                      4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
--R
                    -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                       782
--R
                    - 25c d e
--R
                 /
                     --R
--R
                    4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
                      7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
--R
                    840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                     4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
--R
--R
                   480acd e + 180acd e + 40acd e + 4ac d
--R
                4 8 3 2 2 6 2 3 4 4
--R
                                          462
--R.
              -ace + 13acde - 35acde + 15acde
--R
--R
             ROOT
--R
                     6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4
--R
                    2a e + 10a c d e + 20a c d e + 20a c d e
--R
                     2 4 8 2 5 10
--R
--R
                    10acde + 2acd
```

```
--R
                    ROOT
--R
--R
                          4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6
--R
                         -ace + 20acde - 110acde
--R
                             6 6 4 7 8 2
--R
--R
                        100a c d e - 25c d e
--R
                          11 20 10 2 18 9 2 4 16
--R
--R
                         4a e + 40a cde + 180a cde
--R
                           8 3 6 14 7 4 8 12 6 5 10 10
--R
                         480a c d e + 840a c d e + 1008a c d e
--R
--R
--R
                           5 6 12 8 4 7 14 6 3 8 16 4
--R
                         840a c d e + 480a c d e + 180a c d e
--R
--R
                          2 9 18 2 10 20
--R
                         40a c d e + 4a c d
--R
--R
                    2 2 4 3 3 2 4 5
--R
                   - 5a c d e + 10a c d e - c d
--R
--R
                  6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
                  ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde
--R
--R
                    5 10
--R
                   acd
--R
--R
              2 2 5 3 2 3 4 4 +----+
--R
            (a c e - 10a c d e + 5c d e)\|e x + d
--R
           2 4
--R
                   2 2 2 4 +---+
--R
         (-ae - 2acde - cd) = a
--R
        ROOT
--R
                   6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
--R
                - 2a e - 10a c d e - 20a c d e - 20a c d e - 10a c d e
--R
--R
                    5 10
--R
                - 2a c d
--R
--R
               ROOT
--R
                     4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
                    -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                      782
--R
                    - 25c d e
--R
                    --R
```

```
--R
                   4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
--R
                     7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
                   840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                      4 7 14 6 3 8 16 4
                                         2 9 18 2 10 20
--R
--R
                   480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
               2 2 4 3 3 2 4 5
--R
--R
            - 5acde + 10acde - cd
--R
            6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2 5 10
--R
           ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde + acd
--R
--R
--R
        +----+
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R.
        --R
--R
        log
--R
                  7 12 6 3 10 5 2 5 8 4 3 7 6
--R
                 6a d e + 28a c d e + 50a c d e + 40a c d e
--R
--R
                  3 4 9 4 2 5 11 2 6 13
--R
                 10acde - 4acde - 2acd
--R
                ROOT
--R
                      4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
--R
                    -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                       782
--R
                    - 25c d e
--R
                 /
                     --R
--R
                    4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
                      7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
--R
                    840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                     4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
--R
--R
                   480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
--R
              4 8 3 2 2 6 2 3 4 4
                                         462
--R.
              ace - 13acde + 35acde - 15acde
--R
--R
             ROOT
--R
                       6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4
--R
                     - 2a e - 10a c d e - 20a c d e - 20a c d e
--R
                       2 4 8 2 5 10
--R
--R
                     - 10a c d e - 2a c d
```

```
--R
                    ROOT
--R
--R
                          4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6
--R
                         -ace + 20acde - 110acde
--R
                             6 6 4 7 8 2
--R
--R
                        100a c d e - 25c d e
--R
                          11 20 10 2 18 9 2 4 16
--R
--R
                         4a e + 40a cde + 180a cde
--R
                           8 3 6 14 7 4 8 12 6 5 10 10
--R
                         480a c d e + 840a c d e + 1008a c d e
--R
--R
--R
                           5 6 12 8 4 7 14 6 3 8 16 4
--R
                         840a c d e + 480a c d e + 180a c d e
--R
--R
                          2 9 18 2 10 20
--R
                         40a c d e + 4a c d
--R
--R
                    2 2 4 3 3 2 4 5
--R
                   - 5a c d e + 10a c d e - c d
--R
--R
                  6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
                  ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde
--R
--R
                    5 10
--R
                   acd
--R
--R
              2 2 5 3 2 3 4 4 +----+
--R
            (a c e - 10a c d e + 5c d e)\|e x + d
--R
          2 4 2 2 2 4 +---+
--R
--R
         (ae + 2acde + cd) = a
--R
        ROOT
--R
                  6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
--R
                - 2a e - 10a c d e - 20a c d e - 20a c d e - 10a c d e
--R
--R
                    5 10
--R
                - 2a c d
--R
--R
               ROOT
--R
                     4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
                    -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                      782
--R
                    - 25c d e
--R
                    --R
```

```
--R
                   4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
--R
                     7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
                   840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                      4 7 14 6 3 8 16 4
                                        2 9 18 2 10 20
--R
--R
                   480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
               2 2 4 3 3 2 4 5
--R
--R
            - 5acde + 10acde - cd
--R
            6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2 5 10
--R
           ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde + acd
--R
--R
--R
        +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R.
        --R
--R
        log
--R
                   7 12 6 3 10 5 2 5 8 4 3 7 6
--R
                 - 6a d e - 28a c d e - 50a c d e - 40a c d e
--R
--R
                    3 4 9 4 2 5 11 2 6 13
--R
                 - 10acde + 4acd e + 2acd
--R
                ROOT
--R
                      4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
--R
                    -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                       782
--R
                    - 25c d e
--R
                     --R
--R
                    4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
                      7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
--R
                    840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                     4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
--R
--R
                   480acd e + 180acd e + 40acd e + 4ac d
--R
--R
                4 8 3 2 2 6 2 3 4 4
                                          462
--R.
              -ace + 13acde - 35acde + 15acde
--R
--R
             ROOT
--R
                      6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4
--R
                    - 2a e - 10a c d e - 20a c d e - 20a c d e
--R
                       2 4 8 2 5 10
--R
--R
                    - 10a c d e - 2a c d
```

```
--R
                    ROOT
--R
--R
                           4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6
--R
                         -ace + 20acde - 110acde
--R
                             6 6 4 7 8 2
--R
--R
                        100a c d e - 25c d e
--R
                          11 20 10 2 18 9 2 4 16
--R
--R
                         4a e + 40a cde + 180a cde
--R
                           8 3 6 14 7 4 8 12 6 5 10 10
--R
                         480a c d e + 840a c d e + 1008a c d e
--R
--R
--R
                           5 6 12 8 4 7 14 6 3 8 16 4
--R
                         840a c d e + 480a c d e + 180a c d e
--R
--R
                           2 9 18 2 10 20
--R
                         40a c d e + 4a c d
--R
--R
                     2 2 4 3 3 2 4 5
--R
                   - 5a c d e + 10a c d e - c d
--R
--R
                   6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
                  ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde
--R
--R
                    5 10
--R
                   acd
--R
--R
              2 2 5 3 2 3 4 4 +----+
--R
            (a c e - 10a c d e + 5c d e)\|e x + d
--R
           2 4
--R
                   2 2 2 4 +---+
--R
         (- a e - 2a c d e - c d )\|- a
--R
        ROOT
--R
                 6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
--R
--R
                2a e + 10a c d e + 20a c d e + 20a c d e + 10a c d e
--R
                  5 10
--R
--R
                2a c d
--R
--R
               ROOT
--R
                      4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
                    -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
--R
                      782
--R
                    - 25c d e
--R
                    --R
```

```
--R
                   4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
--R
                     7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
                   840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                      4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
--R
--R
                   480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
               2 2 4 3 3 2 4 5
--R
--R
            - 5acde + 10acde - cd
--R
            6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2 5 10
--R
           ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde + acd
--R
--R
--R
        +----+
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R.
        --R
--R
        log
--R
                   7 12 6 3 10 5 2 5 8 4 3 7 6
--R
                 - 6a d e - 28a c d e - 50a c d e - 40a c d e
--R
--R
                    3 4 9 4 2 5 11 2 6 13
--R
                 - 10acde + 4acd e + 2acd
--R
                ROOT
--R
                      4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6 6 6 4
--R
--R
                    -ace + 20acde - 110acde + 100acde
--R
--R
                       782
--R
                    - 25c d e
--R
                     --R
--R
                    4a e + 40a c d e + 180a c d e + 480a c d e
--R
                      7 4 8 12 6 5 10 10 5 6 12 8
--R
--R
                    840a c d e + 1008a c d e + 840a c d e
--R
                     4 7 14 6 3 8 16 4 2 9 18 2 10 20
--R
--R
                   480a c d e + 180a c d e + 40a c d e + 4a c d
--R
--R
              4 8 3 2 2 6 2 3 4 4
                                         462
--R.
              ace - 13acde + 35acde - 15acde
--R
--R
             ROOT
--R
                     6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4
--R
                    2a e + 10a c d e + 20a c d e + 20a c d e
--R
                      2 4 8 2 5 10
--R
--R
                    10acde + 2acd
```

```
--R
                     ROOT
--R
--R
                            4 3 10 3 4 2 8 2 5 4 6
--R
                           -ace + 20acde - 110acde
--R
                               6 6 4 7 8 2
--R
--R
                          100a c d e - 25c d e
--R
                           11 20 10 2 18 9 2 4 16
--R
--R
                           4a e + 40a c d e + 180a c d e
--R
                             8 3 6 14 7 4 8 12 6 5 10 10
--R
                           480a c d e + 840a c d e + 1008a c d e
--R
--R
--R
                             5 6 12 8 4 7 14 6 3 8 16 4
--R
                          840a c d e + 480a c d e + 180a c d e
--R.
--R
                            2 9 18 2 10 20
--R
                           40a c d e + 4a c d
--R
--R
                      2 2 4 3 3 2 4 5
--R
                    - 5a c d e + 10a c d e - c d
--R
--R
                    6 10 5 2 8 4 2 4 6 3 3 6 4 2 4 8 2
                   ae + 5acde + 10acde + 10acde + 5acde
--R
--R
--R
                     5 10
--R
                    a c d
--R
              2 2 5 3 2 3 4 4 +----+
--R.
--R
             (a c e - 10a c d e + 5c d e)\|e x + d|
--R
--R
               +---+ +-+ 2 2 4+-+3 | +-+ +---+
--R
--R
         (- 4d e)|- a |c + 2a e - 2c d)|c |d|c + e|- a
--R
--R
               4+-+ +----+
--R
               --R
         atanh(-----)
              +----+
--R
              | +-+ +---+
--R
--R
             \d \c - e = a
--R
--R
              +---+ +-+ 2 2 4+-+3 | +-+ +---+
--R
        (-4d e)|-a||c-2a e+2c d||c||d||c-e||-a|
--R
--R
--R
               4+-+ +----+
--R
               \c \cdot \c \cdot \c x + d
--R
         atanh(-----)
```

```
--R
                                             | +-+ +---+
--R
--R
                                           \label{eq:local_condition} \label{eq:local_con
--R /
--R
                                                                                                     +----+
                                                                         2 4 +---+ | +-+ +---+ | +-+
                          2 4 2 2
--R
--R
                   (2a e + 4a c d e + 2c d )\|- a \|d\|c - e\|- a \|d\|c + e\|- a
--R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 484
--S 485 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
            (5) 0
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 485
)clear all
--S 486 of 1581
t0:=(d+e*x)^(7/2)/(a+c*x^2)^2
--R
--R
--R
                             3 3 2 2 2 3 +----+
--R
                          (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
--R
                                                      2 4 2
--R
                                                  c x + 2a c x + a
--R.
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 486
--S 487 of 1581
r0:=-1/2*d*e*(d+e*x)^(3/2)/(a*c)-1/2*(a*e-c*d*x)*(d+e*x)^(5/2)/_
            (a*c*(a+c*x^2))-1/2*e*(c*d^2-5*a*e^2)*sqrt(d+e*x)/(a*c^2)+_
            1/4*atanh(c^{(1/4)}*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
            ((2*c*d^2-a*e^2)*(c*d^2+5*a*e^2)/sqrt(-a)-d*e*(c*d^2+13*a*e^2)*_
            \sqrt{(c)}/(a*c^{(9/4)}*\sqrt{-e*sqrt(-a)}+d*sqrt(c))-_
            1/4*atanh(c^{(1/4)}*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
            ((2*c*d^2-a*e^2)*(c*d^2+5*a*e^2)/sqrt(-a)+d*e*(c*d^2+13*a*e^2)*_
            sqrt(c))/(a*c^(9/4)*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R
--R.
--R
              (2)
--R.
                                                                        232
                                                                                                        2 3 3 +---+ +-+
--R
                                  ((-13a c d e - c d e)x - 13a d e - a c d e) | - a | c
--R
--R
                                             2 4 2 2 2 3 4 2 3 4 2 2 2
                                  (-5ace + 9acde + 2cd)x - 5ae + 9acde + 2acd
--R
--R
```

```
4+-+ +----+
--R
                             +----+
--R
                             | +-+ +---+
                                                                                     \c \e x + d
--R
                           \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
                                                                                    +----+
--R
--R
                                                                                    | +-+ +---+
--R
                                                                                   --R
                                                                         2 3 2 2 3
--R
                             ((- 13a c d e - c d e)x - 13a d e - a c d e)\|- a \|c
--R
--R
--R
                                    2 4 2 2 2 3 4 2 3 4 2 2 2 2 4
                               (5ace - 9acde - 2cd)x + 5ae - 9acde - 2acd
--R
--R
                             +----+
                                                                                       4+-+ +----+
--R
                             | +-+ +---+
--R
                                                                                     \c \cdot \c \cdot \c x + d
                           \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
                                                                                    +----+
--R
--R
                                                                                     | +-+ +---+
--R
                                                                                   \label{eq:local_condition} \label{eq:local_con
--R
--R
                                                                                  2 2 3 2 3 2 +---+4+-+
                           (8a c e x + (-6a c d e + 2c d)x + 10a e - 6a c d e) | -a | c
--R
--R
--R
--R
                            +----- | +-+ +---+ | +-+ +---+
                           --R
--R /
--R
                                                                                   +----+
--R
                             3 2 2 2 +---+4+-+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R.
                  (4a c x + 4a c) = a c | d = a | d = a | d = a
--R
                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 487
--S 488 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
          (3)
                                     3 2 2 2
--R
--R
                           (-acx -ac)
--R
                           ROOT
--R
--R.
                                                      3 4
--R
                                                32a c
--R
--R
                                                ROOT
                                                                            4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                                                                - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                                                                                       3 6 8 4 8 6
```

```
--R
                    - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                    3 9
--R
                   1024a c
--R
--R
                3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
              105ade - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
              3 4
--R
             16a c
--R
--R
         log
                     47 2 383
--R
                 (1024a c d e + 256a c d )
--R
--R
--R
                 ROOT
                          4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
                      - 625a e   + 7700a c d e   - 21966a c d e
--R
--R
                           3 6 8 4 8 6
--R
--R
                     - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                       3 9
--R
                     1024a c
--R
                   5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4
--R
--R
                500a c e - 3180a c d e - 84a c d e + 140a c d e
--R
--R
              ROOT
--R
                       3 4
--R
                     32a c
--R
--R
                     ROOT
                              4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                          - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                                 3 6 8 4 8 6
--R
--R
                          - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                            3 9
--R
                         1024a c
--R
--R
                      3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                   105ade - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
                    3 4
--R
                  16a c
--R
                  5 13 4 2 11 3 2 4 9 2 3 6 7
--R
                625a e - 2500a c d e - 8366a c d e - 6872a c d e
--R
```

```
--R
                  4 8 5 5 10 3
--R
--R
               - 1771a c d e - 140c d e
--R
--R
               +----+
--R
               \exists x + d
--R
           3 2 2 2
--R
         (a c x + a c )
--R
--R
--R
         ROOT
--R
                    3 4
--R
--R
                  32a c
--R
--R
                   ROOT
--R
                            4 14 3 2 12 2 2 4 10
                        - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                             368 486
--R
                        - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
--R
                         3 9
--R
                       1024a c
--R
                3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
              105ade - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
              3 4
--R
             16a c
--R
--R
         log
                      47 2 383
--R
--R
                  (1024a c d e + 256a c d )
--R
--R
                  ROOT
                           4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                      - 625a e   + 7700a c d e   - 21966a c d e
--R
--R
                              3 6 8 4 8 6
                      - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
--R
                       3 9
                     1024a c
--R
--R
                     5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4
--R
--R
                - 500a c e + 3180a c d e + 84a c d e - 140a c d e
--R
--R
               ROOT
--R
```

```
3 4
--R
--R
                        32a c
--R
--R
                        ROOT
                                 4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                             - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                                     3 6 8 4 8 6
--R
--R
                             - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                               3 9
--R
                            1024a c
--R
                      3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                   105ade - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
                    3 4
--R
                  16a c
--R
                  5 13 4 2 11 3 2 4 9 2 3 6 7
--R
--R
                625a e - 2500a c d e - 8366a c d e - 6872a c d e
--R
--R
                   4 8 5 5 10 3
                - 1771a c d e - 140c d e
--R
--R
--R
               +----+
--R
               \leq x + d
--R
--R
              3 2 2 2
--R
         (- a c x - a c )
--R
--R
         ROOT
--R
--R
                    3 4
--R
                   32a c
--R
--R
                   ROOT
                            4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
                        - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                               3 6 8 4 8 6
--R
--R
                       - 10780a c d e - 1225c d e
--R.
--R
                         3 9
--R
                      1024a c
--R
                3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
               105a d e - 70a c d e - 35a c d e - 4c d
--R
--R
               3 4
```

```
16a c
--R
--R
--R
         log
                       47 2 383
--R
--R
                  (- 1024a c d e - 256a c d )
--R
--R
                  ROOT
                           4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                       - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                              3 6 8 4 8 6
--R
                      - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                         3 9
--R
--R
                      1024a c
--R
--R
                   5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4
                500a c e - 3180a c d e - 84a c d e + 140a c d e
--R
--R
               ROOT
--R
--R
--R
                          3 4
--R
                        32a c
--R
--R
                        ROOT
                                 4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                             - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                                     3 6 8 4 8 6
--R
--R
                             - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                               3 9
--R
                           1024a c
--R
                      3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                   105ade - 70acde - 35acde - 4cd
--R
                3 4
--R
--R
                  16a c
--R
--R
                   5 13 4 2 11 3 2 4 9 2 3 6 7
--R
                625a e - 2500a c d e - 8366a c d e - 6872a c d e
--R
--R.
--R
                      4 8 5 5 10 3
--R
               - 1771a c d e - 140c d e
--R
               +----+
--R
--R
              \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
            3 2 2 2
--R
```

```
--R
         (acx + ac)
--R
--R
         ROOT
--R
                  3 4
--R
                32a c
--R
--R
                ROOT
                          4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                     - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                             3 6 8 4 8 6
--R
--R
                     - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                       3 9
--R
                    1024a c
--R
--R
                 3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
              105ade - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
--R
              3 4
--R
             16a c
--R
--R
         log
                     47 2 383
--R
--R
                  (- 1024a c d e - 256a c d )
--R
--R
                  ROOT
                           4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                       - 625a e   + 7700a c d e   - 21966a c d e
--R
                              3 6 8 4 8 6
--R
--R
                      - 10780a c d e  - 1225c d e
--R
--R
                         3 9
--R
                     1024a c
--R
                    5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4
--R
--R
                - 500a c e   + 3180a c d e   + 84a c d e   - 140a c d e
--R
--R
               ROOT
--R
                       3 4
--R
                      32a c
--R
--R
                      ROOT
                               4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
                           - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                                 3 6 8 4 8 6
--R
--R
                           - 10780a c d e - 1225c d e
--R
```

```
--R
                             3 9
--R
                         1024a c
--R
                      3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                   105ade - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
                    3 4
--R
                  16a c
--R
                   5 13 4 2 11 3 2 4 9 2 3 6 7
--R
--R
                625a e - 2500a c d e - 8366a c d e - 6872a c d e
--R
                      4 8 5 5 10 3
--R
                - 1771a c d e - 140c d e
--R
--R
--R
               +----+
--R
               \leq x + d
--R
--R
            3 2
                    2 2 3 2 3 2 +----+
       (4a c e x + (- 3a c d e + c d)x + 5a e - 3a c d e) | e x + d
--R
--R /
--R
        3 2 2 2
--R
      2a c x + 2a c
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 488
--S 489 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
              2 +---+4+-+
--R
           2a c \|- a \|c
--R
--R
           ROOT
--R
                    3 4
                  32a c
--R
--R
--R
                   ROOT
                            4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
                        - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
--R
                                3 6 8 4 8 6
--R
                       - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                         3 9
--R
                      1024a c
--R
                    3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
```

```
--R
               105ade - 70acde - 35acde - 4cd
--R
               3 4
--R
--R
              16a c
--R
--R
            +----+
           | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
           \d \c - e = a \d c + e = a
--R
--R
           log
                      47 2 383
--R
                   (1024a c d e + 256a c d )
--R
--R
--R
                   ROOT
                           4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                        - 625a e   + 7700a c d e   - 21966a c d e
--R
                               3 6 8 4 8 6
--R
--R
                        - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                         3 9
--R
                       1024a c
--R
                    5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4
--R
--R
                  500a c e - 3180a c d e - 84a c d e + 140a c d e
--R
--R
                ROOT
--R
                         3 4
--R
                       32a c
--R
--R
                       ROOT
                               4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                            - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                                   3 6 8 4 8 6
--R
                           - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
--R
                             3 9
                           1024a c
--R
--R
                        3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                     105ade - 70acde - 35acde - 4cd
--R
                     3 4
--R
--R
                    16a c
--R
                    5 13 4 2 11 3 2 4 9 2 3 6 7
--R
--R
                  625a e - 2500a c d e - 8366a c d e - 6872a c d e
--R
                        4 8 5 5 10 3
--R
```

```
--R
                 - 1771a c d e - 140c d e
--R
--R
                 +----+
--R
                 \label{eq:lemma_def} \
--R
            2 +---+4+-+
--R
         2a c \|- a \|c
--R
--R
--R
         ROOT
--R
--R
                    3 4
--R
                  32a c
--R
                   ROOT
--R
--R
                           4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
                        - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                               3 6 8 4 8 6
--R
--R
                       - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                         3 9
--R
                     1024a c
--R
--R
                3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
              105ade - 70acde - 35acde - 4cd
--R
              3 4
--R
--R
             16a c
--R
--R
          +----+
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         \d c - e = a \d c + e = a
--R
--R
         log
                      47 2 383
--R
--R
                  (1024a c d e + 256a c d )
--R
--R
                  ROOT
                           4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
                       - 625a e   + 7700a c d e   - 21966a c d e
--R
--R
--R
                              3 6 8 4 8 6
--R
                      - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                        3 9
                     1024a c
--R
--R
--R
                    5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4
--R
                - 500a c e + 3180a c d e + 84a c d e - 140a c d e
--R
```

```
ROOT
--R
--R
--R
                          3 4
--R
                         32a c
--R
--R
                         ROOT
                                 4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                              - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                                     3 6 8 4 8 6
--R
                             - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
--R
                               3 9
                            1024a c
--R
--R
--R
                      3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                    105ade - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
                    3 4
--R
                  16a c
--R
                  5 13 4 2 11 3 2 4 9 2 3 6 7
--R
--R
                625a e - 2500a c d e - 8366a c d e - 6872a c d e
--R
--R
                   4 8 5 5 10 3
--R
                 - 1771a c d e - 140c d e
--R
--R
                +----+
--R
               \ensuremath{\mbox{le } x + d}
--R
--R
--R
               2 +---+4+-+
--R
            2a c \|- a \|c
--R
--R
            ROOT
--R
                      3 4
--R
--R
                     32a c
--R
--R
                     ROOT
                               4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                           - 625a e   + 7700a c d e   - 21966a c d e
--R
                                  3 6 8 4 8 6
--R
--R
                          - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                            3 9
--R
                        1024a c
--R
                     3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
```

```
--R
               105a de - 70a c de - 35a c de - 4c d
--R
               3 4
--R
--R
             16a c
--R
--R
           +----+
           | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
           --R
--R
           log
                        47 2 383
--R
                   (- 1024a c d e - 256a c d )
--R
--R
--R
                   ROOT
                        4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                        - 625a e   + 7700a c d e   - 21966a c d e
--R
--R
                              3 6 8 4 8 6
--R
                       - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                         3 9
--R
                      1024a c
--R
                   5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4
--R
--R
                 500a c e - 3180a c d e - 84a c d e + 140a c d e
--R
--R
                ROOT
--R
--R
                          3 4
--R
                        32a c
--R
--R
                         ROOT
                                 4 14 3 2 12
--R
--R
                             - 625a e   + 7700a c d e
--R
                                   2 2 4 10 3 6 8
--R
                             - 21966a c d e   - 10780a c d e
--R
--R
                                 4 8 6
--R
--R
                             - 1225c d e
--R
--R
                              3 9
--R
                            1024a c
--R
                       3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                    105ade - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
                    3 4
--R
                   16a c
--R
--R
```

```
5 13 4 2 11 3 2 4 9 2 3 6 7
--R
--R
                 625a e - 2500a c d e - 8366a c d e - 6872a c d e
--R
                       4 8 5 5 10 3
--R
--R
                - 1771a c d e - 140c d e
--R
                +----+
--R
--R
                \le x + d
--R
          2 +---+4+-+
--R
--R
         2a c \|- a \|c
--R
         ROOT
--R
                3 4
--R
--R
               32a c
--R
--R
               ROOT
                        4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                    - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                        3 6 8 4 8 6
--R
--R
                   - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                    3 9
--R
--R
                  1024a c
--R
--R
               3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
             105a d e - 70a c d e - 35a c d e - 4c d
--R
             3 4
--R
--R
            16a c
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         --R
--R
         log
--R
                     47 2 383
                 (- 1024a c d e - 256a c d )
--R
--R
--R
                 ROOT
                         4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
--R
                      - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                            3 6 8 4 8 6
--R
                      - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                       3 9
                    1024a c
--R
--R
```

```
5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4
--R
--R
                - 500a c e + 3180a c d e + 84a c d e - 140a c d e
--R
--R
              ROOT
--R
                        3 4
--R
                      32a c
--R
--R
                      ROOT
                              4 14 3 2 12 2 2 4 10
--R
                           - 625a e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                                  3 6 8 4 8 6
--R
                          - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
--R
                            3 9
--R
                         1024a c
--R
--R
                      3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                   105a d e - 70a c d e - 35a c d e - 4c d
--R
--R
                    3 4
--R
                  16a c
--R
                  5 13 4 2 11 3 2 4 9 2 3 6 7
--R
--R
                625a e - 2500a c d e - 8366a c d e - 6872a c d e
--R
                   4 8 5 5 10 3
--R
--R
                - 1771a c d e - 140c d e
--R
--R
               +----+
--R
              \exists x + d
--R
                    3 +---+ +-+ 2 4 2 2 2 4
--R
               3
--R
         ((13a d e + c d e) | - a | c + 5a e - 9a c d e - 2c d)
--R
                            4+-+ +----+
--R
          | +-+ +---+
--R
                            \c \cdot | c \cdot | e x + d
         \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
--R
                            +----+
--R
                             | +-+ +---+
--R
                            --R
--R
--R
               3
                    3 +---+ +-+ 2 4 2 2 2 4
         ((13a d e + c d e) | - a | c - 5a e + 9a c d e + 2c d)
--R
--R
         +----+
--R
                             4+-+ +----+
         | +-+ +---+
--R
                            \c \cdot | c \cdot | e x + d
--R
         \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
                             | +-+ +---+
--R
```

```
\left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R /
--R
                       +----+
           2 +---+4+-+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
       4a c \mid -a \mid |c \mid |d \mid |c -e \mid -a \mid |d \mid |c +e \mid -a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 489
--S 490 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 490
)clear all
--S 491 of 1581
t0:=(d+e*x)^(5/2)/(a+c*x^2)^2
--R
--R
--R
           2 2
                          2 +----+
--R
          (e x + 2d e x + d )\|e x + d
--R
                2 4 2 2
--R
--R
                c x + 2a c x + a
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 491
--S 492 of 1581
r0:=-1/2*(a*e-c*d*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a*c*(a+c*x^2))-1/2*d*e*sqrt(d+e*x)/_
    (a*c)-1/4*atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
    (c*d^2*e+3*a*e^3-2*d*(c*d^2+2*a*e^2)*sqrt(c)/sqrt(-a))/(a*c^(7/4)*_
    sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))-1/4*atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
    sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(c*d^2*e+3*a*e^3+2*d*(c*d^2+2*a*e^2)*_
    \sqrt{(7/4)} \cdot \sqrt{(-a)}/(a*c^{(7/4)} \cdot \sqrt{(-a)} + d*\sqrt{(c)})
--R
--R
--R
     (2)
--R
                            2 3 2
                                       2 2
--R
             ((4a c d e + 2c d)x + 4a d e + 2a c d) | c
--R.
                      3 2 2 2 2 3 2 +---+
--R.
--R.
             ((-3ace - cde)x - 3ae - acde) = a
--R
            +----+
                                    4+-+ +----+
--R
--R
            | +-+ +---+
                                    \c \cdot | c \cdot | e x + d
           \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
--R
                                   +----+
--R
```

```
| +-+ +---+
--R
--R
                                                                                           --R
                                                                 2 2 3 2 2 2 3 +-+
--R
--R
                                 ((- 4a c d e - 2c d )x - 4a d e - 2a c d )\|c
--R
                                                        3 2 2 2 2 3 2 +---+
--R
--R
                                 ((- 3a c e - c d e)x - 3a e - a c d e)\|- a
--R
                                                                                              4+-+ +----+
--R
--R
                                | +-+ +---+
                                                                                             \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
--R
                                                                                              | +-+ +---+
--R
--R
                                                                                           \label{eq:local_condition} \label{eq:local_condition} \
--R
--R
                                                                                                      +---+4+-+3 +-----+ | +-+ +---+
--R
                                                  2 2
--R
                              ((-2a e + 2c d)x - 4a d e) = a = c + d = d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d = c + d =
--R
--R
                                +----+
--R
                              | +-+ +---+
--R
                              \left| d\right| c + e\right| - a
--R /
--R
                                                                                          +----+
                           2 2 2 +---+4+-+3 | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
                    (4a c x + 4a c) = a c \cdot |d|c - e|- a |d|c + e|- a
--R
--R
                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 492
--S 493 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               (3)
                                    2 2 2
--R
--R
                              (acx + ac)
--R
--R
                              ROOT
--R
                                                               | 2 10 2 8 2 4 6
--R
                                                        3 3 | - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                                                32a c |----- - 15a d e
                                                                                                    3 7
--R
                                                              - 1
--R
                                                              \ |
                                                                                                 1024a c
--R
--R
                                                                  3 2 2 5
--R
                                                - 15a c d e - 4c d
--R
--R
                                               3 3
```

```
16a c
--R
--R
--R
        log
--R
                                | 2 10 2 8 2 4 6
--R
                  4 5 2 3 6 2 |- 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
               (384a c e + 256a c d ) |-----
--R
                               - 1
--R
                               \backslash I
                                        1024a c
--R
--R
               3 2 6 2 3 3 4
              36a c d e + 20a c d e
--R
--R
--R
             ROOT
--R
--R
                      | 2 10 2 8 2 4 6
--R
                    3 3 | - 81a e - 90a c d e - 25c d e
                  32a c |----- - 15a d e
--R
                   3 7
--R
--R
--R
--R
                    3 2 2 5
--R
                  - 15a c d e - 4c d
--R
                 3 3
--R
--R
                 16a c
--R
              3 9 2 2 7 2 4 5 3 6 3 +----+
--R
--R
            (81a e + 162a c d e + 101a c d e + 20c d e )\|e x + d
--R
--R
            2 2 2
--R
        (- a c x - a c)
--R
--R
        ROOT
--R
                   | 2 10 2 8 2 4 6
--R
                3 3 |- 81a e - 90a c d e - 25c d e 2 4
--R
             - 32a c |----- - 15a d e
--R
                   3 7
--R
                   \1
                            1024a c
--R
--R
--R
                   3 2 2 5
--R
            - 15a c d e - 4c d
--R
--R
             3 3
            16a c
--R
--R
--R
        log
--R
                                | 2 10 2 8 2 4 6
--R
```

```
4 5 2 3 6 2 |- 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
             (384a c e + 256a c d ) |-----
                            3 7
\| 1024a c
--R
--R
--R
               3 2 6 2 3 3 4
--R
--R
             - 36a c d e - 20a c d e
--R
--R
            ROOT
--R
--R
                      | 2 10 2 8 2 4 6
                    3 3 |- 81a e - 90a c d e - 25c d e 2 4
--R
                 - 32a c |----- - 15a d e
--R
--R
                      \| 1024a c
--R
--R
--R
                     3 2 2 5
--R
                - 15a c d e - 4c d
--R
--R
                3 3
--R
               16a c
--R
             3 9 2 2 7 2 4 5 3 6 3 +----+
--R
--R
           (81a e + 162a c d e + 101a c d e + 20c d e) | e x + d
--R
         2 2 2
--R
--R
       (acx + ac)
--R
--R
       ROOT
--R
                  +----+
               --R
--R
            - 32a c |----- - 15a d e
--R
                 3 7
--R
--R
                 \ |
                          1024a c
--R
--R
                 3 2 2 5
--R
            - 15a c d e - 4c d
--R
            3 3
--R
--R
           16a c
--R
--R
       log
--R
                              | 2 10 2 8 2 4 6
--R
                 4 5 2 3 6 2 | - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
             (- 384a c e - 256a c d ) |-----
--R
--R
                              \| 1024a c
--R
--R
```

```
3 2 6 2 3 3 4
--R
--R
              36a c d e + 20a c d e
--R
             ROOT
--R
--R
                        --R
                     3 3 | - 81a e - 90a c d e - 25c d e 2 4
--R
--R
                  - 32a c |----- - 15a d e
                       3 7
--R
                                1024a c
--R
                       \ |
--R
--R
                       3 2 2 5
                 - 15a c d e - 4c d
--R
--R
--R
                 3 3
--R
                16a c
--R
              3 9 2 2 7 2 4 5 3 6 3 +----+
--R
--R
            (81a e + 162a c d e + 101a c d e + 20c d e) | e x + d
--R
--R
            2 2 2
--R
        (- a c x - a c)
--R
--R
        ROOT
--R
                | 2 10 2 8 2 4 6
--R
             --R
--R
                          3 7
--R
                 - 1
                        1024a c
--R
                 \1
--R
                  3 2 2 5
--R
--R
             - 15a c d e - 4c d
--R
--R
             3 3
--R
           16a c
--R
--R
        log
--R
                                | 2 10 2 8 2 4 6
--R
                  4 5 2 3 6 2 | - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
              (- 384a c e - 256a c d ) |-----
                                        3 7
--R
                                - 1
                                         1024a c
--R
                               \backslash I
--R
                 3 2 6 2 3 3 4
--R
              - 36a c d e - 20a c d e
--R
--R
--R
             ROOT
--R
```

```
| 2 10 2 8 2 4 6
--R
                     --R
--R
                   32a c |-----
                                       3 7
--R
                        - 1
--R
                        \1
                                 1024a c
--R
                         3 2 2 5
--R
--R
                   - 15a c d e - 4c d
--R
                   3 3
--R
--R
                  16a c
--R
                3 9 2 2 7 2 4 5 3 6 3 +----+
--R
             (81a e + 162a c d e + 101a c d e + 20c d e) | e x + d
--R
--R
--R
            2 2
--R
       ((-ae + cd)x - 2ade) \le x + d
--R /
--R
        2 2 2
--R
      2a c x + 2a c
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 493
--S 494 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
            +---+4+-+3
--R
         2a c\|- a \|c
--R
--R
         ROOT
--R
                  2 10 2 8 2 4 6
--R
--R
                3 3 | - 81a e - 90a c d e - 25c d e
                                                2 4
              32a c |----- - 15a d e
--R
                        3 7
--R
                   - 1
                  \1
                             1024a c
--R
--R
--R
                    3 2 2 5
              - 15a c d e - 4c d
--R
--R
--R.
               3 3
--R
            16a c
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
         log
```

```
--R
                                | 2 10 2 8 2 4 6
--R
                  4 5 2 3 6 2 |- 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
               (384a c e + 256a c d ) |-----
                               3 7
--R
--R
                               \backslash I
                                         1024a c
--R
               3 2 6 2 3 3 4
--R
--R
              36a c d e + 20a c d e
--R
--R
             ROOT
--R
                       | 2 10 2 8 2 4 6
--R
                    3 3 |- 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                  32a c |----- - 15a d e
                      | 3 7
| 1024a c
--R
--R
--R
--R
                       3 2 2 5
                 - 15a c d e - 4c d
--R
--R
--R
                  3 3
--R
                 16a c
--R
--R
              3 9 2 2 7 2 4 5 3 6 3 +----+
--R
            (81a e + 162a c d e + 101a c d e + 20c d e )\|e x + d
--R
--R
--R
              +---+4+-+3
--R
          2a c\|- a \|c
--R
--R
          ROOT
--R
                     2 10 2 8 2 4 6
--R
--R
                   3 3 | - 81a e - 90a c d e - 25c d e
               - 32a c |----- - 15a d e
--R
                     3 7
--R
                     \1
                               1024a c
--R
--R
                     3 2 2 5
--R
               - 15a c d e - 4c d
--R
--R
--R
                3 3
--R
              16a c
--R
           +----+
--R
           | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
          \d \c - e = a \d c + e = a
--R
--R
          log
```

```
--R
                                 1 2 10 2 8 2 4 6
--R
                    4 5 2 3 6 2 |- 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                (384a c e + 256a c d ) |-----
                                3 7
--R
--R
                                \backslash I
                                         1024a c
--R
                   3 2 6 2 3 3 4
--R
                - 36a c d e - 20a c d e
--R
--R
--R
               ROOT
--R
                          | 2 10 2 8 2 4 6
--R
                       3\ 3\ | -\ 81a\ e \ -\ 90a\ c\ d\ e \ -\ 25c\ d\ e
--R
--R
                    - 32a c |-----
                              3 7
1024a c
--R
                         - 1
--R
                         \1
--R
--R
                      2 4 3 2 2 5
                    - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
--R
--R
                   3 3
--R
                  16a c
--R
                3 9 2 2 7 2 4 5 3 6 3 +----+
--R
--R
              (81a e + 162a c d e + 101a c d e + 20c d e )\|e x + d
--R
--R
           +---+4+-+3
--R
        2a c\|- a \|c
--R
--R
        ROOT
--R
                   +----+
                  --R
                3 3 |- 81a e - 90a c d e - 25c d e 2 4
--R
--R
             - 32a c |----- - 15a d e
                  3 7
--R
                            1024a c
--R
                  \ |
--R
                  3 2 2 5
--R
--R
             - 15a c d e - 4c d
--R
--R
            3 3
--R
           16a c
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
        \d \c - e = a \d c + e = a
--R
--R
        log
--R
```

```
| 2 10 2 8 2 4 6
--R
                 4 5 2 3 6 2 |- 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
              (- 384a c e - 256a c d ) |-----
--R
--R
                              \1
--R
                                      1024a c
--R
             3 2 6 2 3 3 4
--R
--R
             36a c d e + 20a c d e
--R
            ROOT
--R
--R
                      | 2 10 2 8 2 4 6
--R
                    3 3 |- 81a e - 90a c d e - 25c d e 2 4
--R
                 - 32a c |----- - 15a d e
--R
                          3 7
--R
                      - 1
--R
                      \1
                              1024a c
--R
--R
                     3 2 2 5
--R
                - 15a c d e - 4c d
--R
--R
                3 3
--R
               16a c
--R
             3 9 2 2 7 2 4 5 3 6 3 +----+
--R
--R
           (81a e + 162a c d e + 101a c d e + 20c d e) | e x + d
--R
--R
--R
            +---+4+-+3
--R
         2a c\|- a \|c
--R
--R
         ROOT
--R
                   +----+
                --R
--R
--R
              32a c |----- - 15a d e
                 3 7
--R
--R
                 \|
                         1024a c
--R
                  3 2 2 5
--R
--R
             - 15a c d e - 4c d
--R
             3 3
--R
--R
             16a c
--R
          +----+
--R
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
          \d \c - e = a \d c + e = a
--R
--R
         log
                     4 5 2 3 6 2
--R
```

```
--R
                   (- 384a c e - 256a c d )
--R
--R
                    | 2 10 2 8 2 4 6
--R
--R
                    |- 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
--R
                    \ |
                              1024a c
--R
                     3 2 6 2 3 3 4
--R
                  - 36a c d e - 20a c d e
--R
--R
                 ROOT
--R
--R
--R
                           | 2 10 2 8 2 4 6
--R
                        3 3 |- 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
                      32a c |----- - 15a d e
                                 3 7
1024a c
--R
                          - 1
                           \ I
--R
--R
--R
                           3 2 2 5
                     - 15a c d e - 4c d
--R
--R
--R
                     3 3
--R
                     16a c
--R
                  3 9 2 2 7 2 4 5 3 6 3 +----+
--R
--R
               (81a e + 162a c d e + 101a c d e + 20c d e )\|e x + d
--R
--R
                                                +----+
                2 3 +-+ 3 2 +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         ((-4ade - 2cd)\|c + (3ae + cde)\|-a)\|d\|c + e\|-a
--R
--R
               4+-+ +----+
--R
               \c \cdot | c \cdot | e x + d
         atanh(-----)
--R
              +----+
--R
              | +-+ +---+
--R
              --R
--R
--R
--R
               2 3 +-+ 3 2 +---+ | +-+
         ((4a d e + 2c d )\|c + (3a e + c d e)\|- a )\|d\|c - e\|- a
--R
--R
--R
               4+-+ +----+
--R
               \c \cdot | c \cdot | e x + d
         atanh(-----)
--R
              +----+
--R
              | +-+ +---+
--R
              \left| d\right| c + e\right| - a
--R
```

```
--R /
--R
                                                              +----+
--R
                                 +---+4+-+3 | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
                    4a c = a c = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d = a d
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 494
--S 495 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
             (5) 0
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 495
)clear all
--S 496 of 1581
t0:=(d+e*x)^(3/2)/(a+c*x^2)^2
--R
--R
--R
                                                     +----+
--R
                            (e x + d) | e x + d
--R
               (1) -----
--R
                             2 4 2 2
--R
                            c x + 2a c x + a
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 496
--S 497 of 1581
r0:=-1/2*(a*e-c*d*x)*sqrt(d+e*x)/(a*c*(a+c*x^2))-1/4*atanh(c^(1/4)*_
             \operatorname{sqrt}(-a) + \operatorname{d}_{e} \operatorname{sqrt}(c) / (a \cdot c^{(5/4)} \cdot \operatorname{sqrt}(-e \cdot \operatorname{sqrt}(-a) + \operatorname{d}_{e} \operatorname{sqrt}(c))) - \underline{\phantom{a}}
             1/4*atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
             ((2*c*d^2+a*e^2)/sqrt(-a)+d*e*sqrt(c))/(a*c^(5/4)*sqrt(e*_
             sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R.
--R
--R
               (2)
                                                                                                                          2 222 22
--R
                                                           2
                                                                                     +---+ +-+
--R
                               ((-cdex -ade))|-a|c+(ace +2cd)x +ae +2acd)
--R
--R.
                                 +----+
                                                                                                   4+-+ +----+
--R.
                                 | +-+ +---+
                                                                                                  \c \cdot | c \cdot | e x + d
                              \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
--R.
                                                                                                +----+
--R
                                                                                                | +-+ +---+
--R
--R
                                                                                              --R
                                                                                                +---+ +-+
--R
                                                                   2
                                                                                                                                              2 2 2 2 2 2
```

```
(-cdex -ade)\|-a\|c + (-ace - 2cd)x -ae
--R
--R
                                          2
--R
--R
                                         - 2a c d
--R
                                                                                           4+-+ +----+
                                 +----+
--R
                                 | +-+ +---+
                                                                                              \c \c \e x + d
--R
--R
                              \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
                                                                                               | +-+ +---+
--R
--R
                                                                                            --R
--R
                                                                  +---+4+-+ +------+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
                          (2c d x - 2a e) \\ |- a | c | e x + d | d | c - e | - a | d | c + e | - a 
--R /
                                                                                         +----+
--R.
                            2 2 2 +---+4+-+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
                     (4a c x + 4a c) = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c 
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 497
--S 498 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               (3)
--R
                                                                          --R
--R
--R
                                                                           |32a c |- ---- - 3a d e - 4c d
--R
                                                                                           J 3 5
--R
                                                                                      \| 1024a c
--R
                                              2 2 2 |
                               (- a c x - a c) |-----
--R
                                                                        3 2
--R
                                                                                                                  16a c
--R
                                                                        XI.
--R
--R
                              log
--R
                                                             | 6
34 | e
--R
--R
--R.
                                                 (256a c d |- ----- - 4a c e )
                                                                       | 35
--R
                                                                       \| 1024a c
--R
--R
--R
--R
                                                   | | 6
| 32| e
--R
--R
```

```
|32a c |- ---- - 3a d e - 4c d
--R
              --R
--R
--R
              3 2
\| 16a c
--R
--R
--R
              5 2 3 +----+
--R
--R
            (a e + 4c d e) | e x + d
--R
--R
                    | +-----+
| | 6
| 32 | e 2 3
--R
--R
--R
--R
                    |- 32a c |- ---- - 3a d e - 4c d
                          l 35
--R
           2 2 2 | \| 1024a c
--R
         (a c x + a c) |-----
--R
                         3 2
16a c
--R
                   - 1
                   M
--R
--R
        log
--R
--R
              | 6
34 | e 24
(256acd | - ----- + 4ace)
--R
--R
--R
                    | 35
--R
--R
                    \| 1024a c
--R
--R
              | +----+
| | 6
| 3 2 | e 2 3
--R
--R
--R
              |- 32a c |- ----- - 3a d e - 4c d | 3 5 | \| 1024a c
--R
--R
--R
--R
--R
                           16a c
--R
              11
--R
              5 2 3 +----+
--R
--R
            (a e + 4c d e) | e x + d
--R
--R
--R
--R
                     32 e 2 3
--R
--R
                     |- 32a c |- ---- - 3a d e - 4c d
             2 2 2 | \| 1024a c
--R
--R
```

```
--R
         (- a c x - a c) |----
--R
                    --R
                    \I
                                  16a c
--R
--R
        log
--R
                   6
3 4 | e 2 4
--R
--R
--R
              (- 256a c d |- ---- - 4a c e )
                     3 5
--R
--R
                     \| 1024a c
--R
--R
              | +-----+
| | 6
| 3 2 | e 2 3
--R
--R
--R
               |- 32a c |- ----- - 3a d e - 4c d
--R
               | 35
--R
--R
              | \| 1024a c
--R
                     3 2
--R
--R
                           16a c
              M
--R
--R
              5 2 3 +----+
--R
            (a e + 4c d e) | e x + d
--R
--R
                   | +-----+
| | 6
| 3 2 | e 2 3
--R
--R
--R
           | 32a c | - ----- - 3a d e - 4c d | 3 5 | 2 2 2 | | 1024a c
--R
--R
--R
--R
         (a c x + a c) |-----
                   3 2
\| 16a c
--R
--R
--R
--R
        log
--R
                   | 6
34 | e 24
--R
--R
--R
              (-256a c d | -----+4a c e)
                     | 35
--R
--R
                     \| 1024a c
--R
--R
              | +-----+
| 6
| 3 2 | e 2 3
--R
--R
--R
               |32a c |- ---- - 3a d e - 4c d
--R
```

```
] 3 5
               | | 3 5
| \| 1024a c
--R
--R
--R
                     3 2
              - 1
--R
--R
              \ I
                           16a c
--R
              5 2 3 +----+
--R
--R
           (a e + 4c d e) | e x + d
--R
--R
--R
       (c d x - a e) | e x + d
--R /
      2 2 2
--R
--R
      2a c x + 2a c
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 498
--S 499 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
                       --R
--R
--R
--R
--R
               +---+4+-+ | \| 1024a c
--R
--R
           2a c\|- a \|c |-----
                         3 2
16a c
--R
                      --R
                      \backslash I
--R
            +----+
            | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
           \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R
           log
--R
                    1 6
3 4 l e
--R
--R
                                   2 4
--R
                 (256a c d |- ----- - 4a c e )
                       | 35
--R
--R
                       \| 1024a c
--R
--R
--R
                 | | 6
| 32| e
--R
--R
                                   2 3
```

```
|32a c |- ----- - 3a d e - 4c d
--R
                  | | 35
| \| 1024a c
--R
--R
--R
                  .
| 32
| 16a c
--R
--R
                  \ I
--R
                  5 2 3 +----+
--R
--R
                (a e + 4c d e )\|e x + d
--R
--R
                      | +-----+
| | 6
| 3 2 | e 2 3
--R
--R
--R
--R
                      |- 32a c |- ---- - 3a d e - 4c d
--R
                             | 35
             +---+4+-+ | \| 1024a c
--R
--R
          2a c\|- a \|c ||-----
                            3 2
16a c
--R
                     \backslash I
--R
--R
--R
          +----+
--R
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
          \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R
         log
--R
               | 6
34 | e 24
(256acd |-----+4ace)
--R
--R
--R
                      3 5
--R
--R
                      \| 1024a c
--R
--R
                | +-----+
| | 6
| 3 2 | e 2 3
--R
--R
--R
                |- 32a c |- ---- - 3a d e - 4c d | 3 5 | \| 1024a c
--R
--R
--R
--R
--R
                               3 2
--R
               M
                              16a c
--R
               5 2 3 +----+
--R
--R
              (ae + 4cde) | ex + d
--R
--R
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
             | 3 5
+---+4+--+ | \| 1024a c
--R
--R
          --R
--R
--R
--R
           +----+
--R
--R
           | +-+ +---+ | +-+ +---+
          \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R
          log
--R
                    | 6
34 | e 2 4
--R
--R
               (- 256a c d |- ---- - 4a c e )
--R
                      l 35
--R
--R
                      \| 1024a c
--R
--R
--R
               --R
--R
--R
--R
--R
--R
                     3 2
16a c
--R
               - 1
--R
               \ I
--R
               5 2 3 +----+
--R
--R
              (a e + 4c d e) | e x + d
--R
--R
                   | +-----+
| | 6
| 3 2 | e 2 3
--R
--R
--R
                  |32a c |- ---- - 3a d e - 4c d
--R
                       | 35
--R
--R
           +---+4+-+ | \| 1024a c
--R.
        2a c\|- a \|c |-----
                       3 2
--R
                 - 1
--R
                  \backslash I
                             16a c
--R
         +----+
--R
        | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
       \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
```

```
--R
          log
--R
--R
                         l 6
--R
                      3 4 | e
--R
                (- 256a c d |- ---- + 4a c e )
                         | 35
--R
--R
                         \| 1024a c
--R
--R
--R
                     | 6
2 | e
--R
                 | 32|
--R
                 |32a c |- ----- - 3a d e - 4c d
--R
                      l 35
--R
                 | \| 1024a c
--R
--R
                          3 2
--R
--R
                \backslash I
                              16a c
--R
                5 2 3 +----+
--R
--R
              (a e + 4c d e) | e x + d
--R
--R
                                                       4+-+ +----+
--R
            +---+ +-+ 2 2 | +-+ +---+ \|c \|e x + d
--R
        (d e|- a |c - a e - 2c d)|d|c + e|- a atanh(-----)
--R
                                                       | +-+ +---+
--R
--R
                                                      \label{locality} \label{locality} $$ \left( - e \right) - a $$
--R
                                                    4+-+ +----+
--R
                                 +----+
          +---+ +-+ 2 2 | +-+ +---+
--R
                                                     \c \cdot \c \cdot \c x + d
--R
      (d e = a = a + 2c d) = a a tanh(-----)
                                                     +----+
--R
                                                     | +-+ +---+
--R
--R
                                                    \left| d\right| c + e\right| - a
--R /
--R
         +---+4+-+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
      4a c = a |c |d|c - e|- a |d|c + e|- a
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 499
--S 500 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 500
```

```
)clear all
--S 501 of 1581
t0:=(d+e*x)^(1/2)/(a+c*x^2)^2
--R
--R
--R
                                            +----+
--R
                                         \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
               (1) -----
                             2 4 2
--R
--R
                            c x + 2a c x + a
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 501
--S 502 of 1581
r0:=1/2*x*sqrt(d+e*x)/(a*(a+c*x^2))+1/4*atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
             sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e+2*d*sqrt(c)/sqrt(-a))/(a*c^(3/4)*_
             \operatorname{sqrt}(-\operatorname{e} * \operatorname{sqrt}(-\operatorname{a}) + \operatorname{d} * \operatorname{sqrt}(\operatorname{c}))) - 1/4 * \operatorname{atanh}(\operatorname{c}^{(1/4)} * \operatorname{sqrt}(\operatorname{d} + \operatorname{e} * \operatorname{x})/_{-})
             sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(e+2*d*sqrt(c)/sqrt(-a))/(a*c^(3/4)*_
             sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                    2 +-+ 2
                                                                                                                           +---+ | +-+ +---+
--R
                               ((2c d x + 2a d)\c + (-c e x - a e)\c - a)\d\c + e\c - a
--R
--R
--R
                                                    4+-+ +----+
--R
                                                    \c \c \c x + d
                               atanh(-----)
--R.
--R
                                                 +----+
                                                  | +-+ +---+
--R
--R
                                               --R
--R
                                                                                 +-+ 2 +---+ | +-+ +---+
--R
--R
                               ((-2c d x - 2a d) | c + (-c e x - a e) | -a) | d | c - e | -a
--R
                                                    4+-+ +----+
--R
--R
                                                    \c \l x + d
--R
                               atanh(-----)
                                                 +----+
--R
--R.
                                                 | +-+ +---+
--R.
                                               \label{eq:local_condition} \label{eq:local_con
--R
                                                                                         +----+
--R
                                  +---+4+-+3 +------+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
                          2x = a \le x + d \le x + d \le -a \le a \le a
--R /
                                                                                            +----+
--R
```

```
2 2 +---+4+-+3 | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R (4a c x + 4a )\|- a \|c \|d\|c - e\|- a \|d\|c + e\|- a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 502
--S 503 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
         (a c x + a)
--R
--R
--R
         ROOT
--R
--R
--R
                4 2 3 2 2 |
--R
               (32a c e + 32a c d ) |- -----
                               | 534 4422 354
--R
--R
                               \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
--R
--R
               - 3a d e - 4c d
--R
--R
              4 2 3 2 2
--R
             16a c e + 16a c d
--R
--R
         log
--R
                     5 2 4 4 3 2 2 3 4 4
--R
                  (128a c e + 384a c d e + 256a c d)
--R
--R
--R
--R
--R
                  5 3 4 4 4 2 2 3 5 4
--R
--R
                  \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                 2 4
--R
--R
                4a c d e
--R
               ROOT
--R
--R
                       4 2 3 2 2
--R
                      (32a c e + 32a c d)
--R
--R
--R
--R
--R
                      | 5 3 4 4 4 2 2 3 5 4
--R
```

```
\| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
--R
                     2 3
--R
--R
                   - 3a d e - 4c d
--R
                    4 2 3 2 2
--R
--R
                 16ace + 16acd
--R
               5 23 +----+
--R
           (a e + 4c d e) \mid e x + d
--R
--R
              2 2
--R
--R
         (- a c x - a )
--R
--R
         ROOT
--R
                   4 2 3 2 2
--R
                (- 32a c e - 32a c d )
--R
--R
--R
--R
--R
                | 534 4422 354
--R
--R
                \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                2 3
--R
--R
              - 3a d e - 4c d
--R
               4 2 3 2 2
--R
--R
             16a c e + 16a c d
--R
--R
         log
                     5 2 4 4 3 2 2 3 4 4
--R
--R
                 (128a c e + 384a c d e + 256a c d )
--R
--R
--R
                                 6
--R
--R
                  | 534 4422 354
--R
--R
                 \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
--R
                 2 4
                - 4a c d e
--R
--R
              ROOT
--R
                         4 2 3 2 2
--R
--R
                      (- 32a c e - 32a c d )
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
                      | 534 4422 354
--R
--R
                     \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                        2 3
--R
--R
                    - 3a d e - 4c d
--R
                    4 2 3 2 2
--R
--R
                  16a c e + 16a c d
--R
               5 2 3 +----+
--R
            (a e + 4c d e) | e x + d
--R
--R
--R
            2 2
--R
         (a c x + a )
--R
--R
         ROOT
                   4 2 3 2 2
--R
--R
                (- 32a c e - 32a c d )
--R
--R
--R
--R
--R
                | 534 4422 354
--R
--R
                \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                 2 3
--R
--R
              - 3a d e - 4c d
--R
               4 2 3 2 2
--R
--R
             16a c e + 16a c d
--R
--R
         log
                     5 2 4 4 3 2 2 3 4 4
--R
--R
                 (- 128a c e - 384a c d e - 256a c d )
--R
--R
--R
--R
--R
                 | 534 4422 354
--R
--R
                 \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                2 4
--R
--R
                4a c d e
--R
              ROOT
--R
```

```
4 2 3 2 2
--R
--R
                    (- 32a c e - 32a c d )
--R
--R
--R
                              6
--R
--R
                     534 4422 354
--R
                    \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
--R
--R
                      2 3
--R
                  - 3a d e - 4c d
--R
                  4 2 3 2 2
--R
--R
                 16a c e + 16a c d
--R
--R
              5 23 +----+
--R
           (a e + 4c d e) | e x + d
--R
--R
           2 2
--R
        (-acx -a)
--R
--R
        ROOT
--R
--R
               4 2 3 2 2 |
--R
--R
              (32a c e + 32a c d ) |- -----
                             534 4422 354
--R
--R
                             \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
            2 3
--R
--R
--R
             - 3a d e - 4c d
--R
             4 2 3 2 2
--R
--R
            16a c e + 16a c d
--R
--R
        log
                    5 2 4 4 3 2 2 3 4 4
--R
                 (-128a c e - 384a c d e - 256a c d)
--R
--R
--R
--R
--R
                                е
--R
                 | 534 4422 354
--R
                \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
--R
--R
                2 4
--R
               - 4a c d e
--R
```

```
ROOT
--R
                        4 2 3 2 2
--R
--R
                      (32a c e + 32a c d)
--R
--R
--R
--R
--R
                      | 534 4422 354
--R
--R
                      \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                         2 3
--R
                    - 3a d e - 4c d
--R
--R
--R
                    4 2 3 2 2
--R
                  16a c e + 16a c d
--R
                5 2 3 +----+
--R
--R
             (a e + 4c d e) | e x + d
--R
--R
         +----+
--R
       x \le x + d
--R /
       2 2
--R
--R
      2a c x + 2a
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 503
--S 504 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
          +---+4+-+3
--R
         2a\|- a \|c
--R
--R
         ROOT
--R
--R
                4 2 3 2 2 |
--R
--R
               (32a c e + 32a c d ) |- -----
--R
                                | 534 4422 354
--R
                               \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                    2 3
--R
--R
               - 3a d e - 4c d
--R
              4 2 3 2 2
--R
--R
             16a c e + 16a c d
--R
```

```
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         \d \c - e = a \d c + e = a
--R
--R
         log
                     5 2 4 4 3 2 2 3 4 4
--R
--R
                 (128a c e + 384a c d e + 256a c d )
--R
--R
--R
                                  6
--R
--R
                  | 534 4422 354
--R
--R
                 \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                2 4
--R
--R
                4a c d e
--R
--R
              ROOT
                       4 2 3 2 2
--R
--R
                      (32a c e + 32a c d)
--R
--R
--R
--R
--R
                      | 534 4422 354
--R
--R
                      \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                       2 3
--R
--R
                    - 3a d e - 4c d
--R
                    4 2 3 2 2
--R
--R
                  16a c e + 16a c d
--R
               5 2 3 +----+
--R
--R
            (a e + 4c d e) | e x + d
--R
--R
--R
             +---+4+-+3
--R
           2a\|- a \|c
--R
--R
           ROOT
                    4 2 3 2 2
--R
--R
                  (- 32a c e - 32a c d )
--R
--R
--R
--R
--R
```

```
| 534 4422 354
--R
                \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                 2 3
--R
--R
--R
               - 3a d e - 4c d
--R
               4 2 3 2 2
--R
--R
             16ace + 16acd
--R
           +----+
--R
--R
           | +-+ +---+ | +-+ +---+
           \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R
          log
--R
                     5 2 4 4 3 2 2 3 4 4
--R
                  (128a c e + 384a c d e + 256a c d )
--R
--R
--R
--R
--R
                   | 534 4422 354
--R
--R
                  \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
--R
                   2 4
--R
                 - 4a c d e
--R
--R
                ROOT
                        4 2 3 2 2
--R
--R
                     (- 32a c e - 32a c d )
--R
--R
--R
--R
--R
                      5 3 4 4 4 2 2 3 5 4
--R
                      --R
--R
                        2 3
--R
--R
                     - 3a d e - 4c d
--R
--R
                    4 2 3 2 2
--R
                  16ace + 16acd
--R
                 5 2 3 +----+
--R
--R
              (ae + 4cde) | ex + d
--R
--R
          +---+4+-+3
--R
        2a\|- a \|c
--R
```

```
ROOT
--R
                4 2 3 2 2
--R
--R
              (-32a c e - 32a c d)
--R
--R
--R
--R
--R
               534 4422 354
--R
--R
              \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                2 3
--R
             - 3a d e - 4c d
--R
--R
--R
             4 2 3 2 2
--R
           16a c e + 16a c d
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
        --R
--R
        log
                   5 2 4 4 3 2 2 3 4 4
--R
--R
               (- 128a c e - 384a c d e - 256a c d )
--R
--R
--R
--R
                              е
--R
                .
| 534 4422 354
--R
--R
                \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
               2 4
--R
--R
              4a c d e
--R
             ROOT
--R
                      4 2 3 2 2
--R
--R
                   (-32a c e - 32a c d)
--R
--R
--R
--R
--R
                   | 534 4422 354
--R
                   \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
--R
                   2 3
--R
--R
                  - 3a d e - 4c d
--R
                 4 2 3 2 2
--R
```

```
16a c e   + 16a c d
--R
--R
             5 23 +----+
--R
--R
           (a e + 4c d e) | e x + d
--R
--R
           +---+4+-+3
--R
--R
          2a\|- a \|c
--R
          ROOT
--R
--R
                 4 2 3 2 2
                (32a c e + 32a c d )
--R
--R
--R
                            e
--R
--R
--R
                 | 534 4422 354
--R
--R
                \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                  2 3
--R
--R
               - 3a d e - 4c d
--R
               4 2 3 2 2
--R
--R
              16a c e + 16a c d
--R
           +----+
--R
           | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
          --R
--R
          log
                       5 2 4 4 3 2 2 3 4 4
--R
--R
                  (- 128a c e - 384a c d e - 256a c d )
--R
--R
--R
--R
--R
                  | 534 4422 354
--R
--R
                  \| 1024a c e + 2048a c d e + 1024a c d
--R
                  2 4
--R
--R
                - 4a c d e
--R
--R
               ROOT
                       4 2 3 2 2
--R
--R
                      (32a c e + 32a c d)
--R
--R
                      1 6
--R
```

```
--R
--R
                       | 534 4422 354
--R
--R
                       --R
                         2 3
--R
                     - 3a d e - 4c d
                     4 2 3 2 2
--R
--R
                   16ace + 16acd
--R
                      2 3 +----+
--R
               (a e + 4c d e) | e x + d
--R
--R
                                         4+-+ +----+
--R
--R
           +-+ +---+ | +-+ +---+
                                         \c \cdot \c \cdot \c x + d
--R
       (-2d|c + e|-a)|d|c + e|-a atanh(-----)
                                         +----+
--R
                                         | +-+ +---+
--R
                                        \left| d\right| c - e\right| - a
--R
--R
                                        4+-+ +----+
--R
          +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
                                       --R
       (2d|c + e|- a)|d|c - e|- a atanh(-----)
                                        +----+
--R
                                        | +-+ +---+
--R
--R
                                       \left| d\right| c + e\right| - a
--R /
--R
      +---+4+-+3 | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
     4a = a = d = a = d = a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 504
--S 505 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 505
)clear all
--S 506 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^(1/2)*(a+c*x^2)^2)
--R
--R
--R
--R (1) -----
```

```
2 4 2 +----+
--R
--R
         (c x + 2a c x + a) | e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 506
--S 507 of 1581
r0:=1/2*(a*e+c*d*x)*sqrt(d+e*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*(a+c*x^2))-_
    1/4*atanh(c^{(1/4)}*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
    ((-2*c*d^2-3*a*e^2)/sqrt(-a)+d*e*sqrt(c))/(a*c^(1/4)*(c*d^2+_
    a*e^2)*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))-1/4*atanh(c^(1/4)*_
    sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*((2*c*d^2+3*a*e^2)/_
    sqrt(-a)+d*e*sqrt(c))/(a*c^(1/4)*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(e*sqrt(-a)+_
    d*sqrt(c)))
--R
--R
--R
     (2)
--R.
                     2
                              +---+ +-+
                                            2 222 22
              (-cdex -ade) | -a| c + (3ace + 2cd) x + 3ae
--R.
--R
--R
--R
             2a c d
--R
--R
                                 4+-+ +----+
--R
           | +-+ +---+
                                 \c \cdot \c \cdot \c x + d
          \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
--R
                                +-----
--R
                                | +-+ +---+
--R
--R
                               \left| d\right| c - e\right| - a
--R
                              +---+ +-+ 2 2 2 2 2 2
--R.
                    2
--R
            (-cdex - ade) = (-3ace - 2cd)x - 3ae
--R
--R
--R
            - 2a c d
--R
                                4+-+ +----+
--R
           | +-+ +---+
--R
                                \c \cdot \c \cdot \c x + d
--R
          \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
                                +----+
--R
                                | +-+ +---+
--R
                               \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R.
                                       +----+
                      +---+4+-+ +------+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R.
        (2c d x + 2a e) = a | c | e x + d | d | c - e | - a | d | c + e | - a
--R.
--R /
--R
--R
                      2 2 2 3 2 2 +---+4+-+ | +-+
        ((4a c e + 4a c d)x + 4a e + 4a c d) = a = c d = a
--R
--R
```

```
--R
                          | +-+ +---+
--R
--R
                         \label{eq:local_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_cont
--R.
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 507
--S 508 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                       2 2
                                                                  2 2 2 3 2 2 2
--R
                               ((-ace -acd)x -ae -acd)
--R
--R
                               ROOT
--R
                                                              6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                                                      (32a e + 96a c d e + 96a c d e + 32a c d )
--R
                                                      ROOT
--R
                                                                            2 10 2 8 2 4 6
--R
--R
                                                                   - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                                                                               9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                                                                      1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                                                                                    6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                                                                        20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                                                                                     3 7 12
--R
                                                                     1024a c d
--R
                                                              2 4 3 2 2 5
--R
--R
                                                 - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
                                                  6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                                            16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
--R
--R
                               log
                                                                                     8 6236 5354 4472
--R
                                                               512a c d e + 1792a c d e + 2304a c d e + 1280a c d e
--R
--R
--R
                                                                       3 5 9
--R.
                                                              256a c d
--R
--R
                                                           ROOT
                                                                                    2 10 2 8 2 4 6
--R
--R
                                                                        - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
                                                                                       9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
--R
                                                                             1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
```

```
--R
                        6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                       20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                          3 7 12
--R
                       1024a c d
--R
                    48 3 26 2244
--R
               - 108a e - 96a c d e - 20a c d e
--R
--R
--R
              ROOT
                       6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                     (32a e + 96a c d e + 96a c d e + 32a c d )
--R
--R
--R
                     ROOT
--R
                            2 10 2 8 2 4 6
--R
                         - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                             9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                          1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
--R
                              6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
                           20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                              3 7 12
--R
                           1024a c d
--R
                       2 4 3 2 2 5
--R
--R
                    - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
--R
                    6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                  16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
                2 7 2 5 2 4 3 +----+
--R
--R
            (81a e + 81a c d e + 20c d e) | e x + d
--R
          2 2 2 2 3 2 2 2
--R
--R
         ((ace + acd)x + ae + acd)
--R
--R
         ROOT
                    6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
                (-32a e -96a c d e -96a c d e -32a c d)
--R
--R
                ROOT
                      2 10 2 8 2 4 6
--R
--R
                   - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                        9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
                    1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
--R
```

```
6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                     20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                         3 7 12
--R
                     1024a c d
--R
                  2 4 3 2 2 5
--R
--R
               - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
               6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
             16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
--R
         log
                               6236 5354 4472
--R
--R
                   512a c d e + 1792a c d e + 2304a c d e + 1280a c d e
--R
--R
                     3 5 9
                   256a c d
--R
--R
--R
                  ROOT
--R
                        2 10 2 8 2 4 6
--R
                     - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                         9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                       1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                           6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                       20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                          3 7 12
                       1024a c d
--R
--R
                   48 3 26 2244
--R
--R
                108a e + 96a c d e + 20a c d e
--R
               ROOT
--R
                         6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
                      (- 32a e - 96a c d e - 96a c d e - 32a c d )
--R
--R
                      ROOT
--R
                            2 10 2 8
                                              2 4 6
                         - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
--R
                              9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                           1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                               6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                           20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                               3 7 12
```

```
--R
                          1024a c d
--R
                     2 4 3 2 2 5
--R
--R
                   - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
--R
                    6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                 16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
               2 7 2 5 2 4 3 +----+
--R
            (81a e + 81a c d e + 20c d e) | e x + d
--R
--R
            2 2
                    2 2 2 3 2 2 2
--R
         ((-ace -acd)x -ae -acd)
--R
--R
--R
         ROOT
--R
                   6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                (- 32a e - 96a c d e - 96a c d e - 32a c d )
--R
--R
                ROOT
                      2 10 2 8 2 4 6
--R
--R
                   - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                      9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                    1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                        6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                     20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                         3 7 12
--R
                    1024a c d
--R
                  2 4 3 2 2 5
--R
--R
              - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
               6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
             16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
--R
--R
         log
                      7 8 6236 5354 4472
--R
--R
                  - 512a c d e - 1792a c d e - 2304a c d e - 1280a c d e
--R
--R
                      3 5 9
--R
                  - 256a c d
--R
--R
                 ROOT
--R
                        2 10 2 8 2 4 6
--R
                     - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
                         9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
--R
                      1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
```

```
--R
                        6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                       20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                          3 7 12
--R
                       1024a c d
--R
                    48 3 26 2244
--R
               - 108a e - 96a c d e - 20a c d e
--R
--R
--R
              ROOT
                         6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                     (-32a e - 96a c d e - 96a c d e - 32a c d)
--R
--R
--R
                     ROOT
--R
                            2 10 2 8 2 4 6
--R
                         - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                             9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                          1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
--R
                              6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
                           20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                              3 7 12
--R
                           1024a c d
--R
                       2 4 3 2 2 5
--R
--R
                    - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
--R
                    6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                  16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
                2 7 2 5 2 4 3 +----+
--R
--R
            (81a e + 81a c d e + 20c d e) | e x + d
--R
          2 2 2 2 3 2 2 2
--R
--R
         ((ace + acd)x + ae + acd)
--R
--R
         ROOT
                  6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
                (32a e + 96a c d e + 96a c d e + 32a c d )
--R
--R
                ROOT
                      2 10 2 8 2 4 6
--R
--R
                   - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                        9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
                    1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
--R
```

```
6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                      20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                          3 7 12
--R
                     1024a c d
--R
                  2 4 3 2 2 5
--R
--R
               - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
               6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
             16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
--R
         log
                                 6 2 3 6 5 3 5 4 4 4 7 2
--R
                       7 8
--R
                   - 512a c d e - 1792a c d e - 2304a c d e - 1280a c d e
--R
--R
                       3 5 9
                   - 256a c d
--R
--R
--R
                  ROOT
--R
                        2 10 2 8 2 4 6
--R
                      - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                          9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                       1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                           6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                       20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                          3 7 12
                       1024a c d
--R
--R
                   48 3 26 2244
--R
--R
                108a e + 96a c d e + 20a c d e
--R
               ROOT
--R
                        6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
                      (32a e + 96a c d e + 96a c d e + 32a c d )
--R
--R
                      ROOT
--R
                             2 10 2 8
                                              2 4 6
                          - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
--R
                              9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                           1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                               6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                           20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                               3 7 12
```

```
--R
                             1024a c d
--R
--R
                        2 4 3 2 2 5
--R
                     - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
                      6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
                    16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
                 2 7 2 5 2 4 3 +----+
--R
              (81a e + 81a c d e + 20c d e) | e x + d
--R
--R
--R
                   +----+
--R
        (c d x + a e) | e x + d
--R /
--R
        2 2
                 2 2 2 3 2 2 2
--R
      (2ace + 2acd)x + 2ae + 2acd
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 508
--S 509 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
            2 2 2 +---+4+-+
--R
          (- 2a e - 2a c d )\|- a \|c
--R
--R
          ROOT
--R
                    6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                 (32a e + 96a c d e + 96a c d e + 32a c d )
--R
--R
                 ROOT
                         2 10
                                           2 4 6
--R
                                    2 8
--R
                     - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
                          9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
--R
                      1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                           6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                       20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                          3 7 12
--R.
                      1024a c d
--R
                    2 \quad 4 \qquad \qquad 3 \quad 2 \qquad \quad 2 \quad 5
--R
--R
                - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
--R
                6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
              16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
--R
```

```
--R
         +----+
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
        --R
--R
        log
                    7 8 6236 5354 4472
--R
--R
                  512a c d e + 1792a c d e + 2304a c d e + 1280a c d e
--R
--R
                    3 5 9
--R
                  256a c d
--R
--R
                 ROOT
                       2 10 2 8 2 4 6
--R
--R
                    - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                         9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                     1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                         6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                      20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                        3 7 12
--R
                      1024a c d
--R
                    48 3 26 2244
--R
               - 108a e - 96a c d e - 20a c d e
--R
--R
--R
              ROOT
--R
                       6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                    (32a e + 96a c d e + 96a c d e + 32a c d )
--R
--R
                    ROOT
                           2 10 2 8 2 4 6
--R
--R
                        - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
                            9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
--R
                         1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                             6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                          20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                            3 7 12
--R
                         1024a c d
--R
                       2 4 3 2 2 5
--R
--R
                   - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
--R
                   6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
                 16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
--R
```

```
2 7 2 5 2 4 3 +----+
--R
--R
            (81a e + 81a c d e + 20c d e) | e x + d
--R
          2 2 2 +---+4+-+
--R
--R
         (2a e + 2a c d )\|- a \|c
--R
--R
         ROOT
                   6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
                (- 32a e - 96a c d e - 96a c d e - 32a c d )
--R
--R
                ROOT
                      2 10 2 8
--R
                                       2 4 6
                   - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
--R
                        9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                     1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
--R
                        6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
                     20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                         3 7 12
--R
                    1024a c d
--R
                  2 4 3 2 2 5
--R
--R
              - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
--R
              66 5 24 4 2 4 2 3 3 6
--R
            16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
--R
         +----+
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         \d \c - e = a \d c + e = a
--R
--R
         log
                                6236 5354 4472
                     7 8
--R
                  512a c d e + 1792a c d e + 2304a c d e + 1280a c d e
--R
--R
--R
                     3 5 9
--R
                  256a c d
--R
--R
                 ROOT
--R
                        2 10 2 8 2 4 6
--R
                     - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
                         9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                      1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
--R
                          6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
                      20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
```

```
--R
                          3 7 12
--R
                       1024a c d
--R
                   48 3 26 2244
--R
--R
                108a e + 96a c d e + 20a c d e
--R
--R
               ROOT
                          6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                      (- 32a e - 96a c d e - 96a c d e - 32a c d )
--R
--R
--R
                      ROOT
--R
                             2 10 2 8
                                               2 4 6
                          - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
--R
                              9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                           1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
--R
                               6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
                           20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                               3 7 12
--R
                           1024a c d
--R
                        2 4 3 2 2 5
--R
--R
                    - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
--R
                    6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                   16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
                2 7 2 5 2 4 3 +----+
--R
--R
             (81a e + 81a c d e + 20c d e )\|e x + d
--R
            2 2
--R
                     2 +---+4+-+
--R
         (- 2a e - 2a c d )\|- a \|c
--R
         ROOT
--R
                    6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
                (- 32a e - 96a c d e - 96a c d e - 32a c d )
--R
--R
                ROOT
--R
                       2 10 2 8
                                         2 4 6
                    - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
--R
                         9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
                     1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
--R
                          6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                      20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                          3 7 12
```

```
--R
                      1024a c d
--R
                2 4 3 2 2 5
--R
--R
               - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
               6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
             16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
          +----+
--R
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
         log
                        7 8 6236 5354 4472
--R
--R
                    - 512a c d e \, - 1792a c d e \, - 2304a c d e \, - 1280a c d e
--R
--R
                        3 5 9
                   - 256a c d
--R
--R
--R
                  ROOT
--R
                         2 10 2 8 2 4 6
                      - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
--R
                          9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                       1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                            6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                        20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                           3 7 12
--R
                        1024a c d
--R
                     48 3 26 2244
--R
--R
                - 108a e - 96a c d e - 20a c d e
--R
               ROOT
--R
                          6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
                      (- 32a e - 96a c d e - 96a c d e - 32a c d )
--R
--R
                      ROOT
--R
                             2 10 2 8
                                               2 4 6
                          - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
--R
--R
                               9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
                           1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                               6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                            20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                                3 7 12
```

```
--R
                        1024a c d
--R
                    2 4 3 2 2 5
--R
--R
                  - 15ade - 15acde - 4cd
--R
                   6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
                16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
               2 7 2 5 2 4 3 +----+
--R
           (81a e + 81a c d e + 20c d e )\|e x + d
--R
--R
          2 2 2 +---+4+-+
--R
        (2a e + 2a c d )\|- a \|c
--R
--R
--R
        ROOT
--R
                 6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
               (32a e + 96a c d e + 96a c d e + 32a c d )
--R
--R
               ROOT
                     2 10 2 8 2 4 6
--R
--R
                  - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
                     9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
--R
                   1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                       6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                    20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                        3 7 12
--R
                   1024a c d
--R
                 2 4 3 2 2 5
--R
--R
             - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
              6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
            16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
--R
--R
         +----+
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
        --R
--R
        log
--R
                     7 8 6236 5354 4472
--R
                  - 512a c d e - 1792a c d e - 2304a c d e - 1280a c d e
--R
--R
                      3 5 9
--R
                 - 256a c d
--R
                ROOT
--R
--R
                        2 10 2 8 2 4 6
```

```
--R
                      - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
                          9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
--R
                       1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                            6 4 6 6 5 5 8 4
                                                   4 6 10 2
--R
--R
                        20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                           3 7 12
--R
                        1024a c d
--R
                   48 3 26 2244
--R
                108a e + 96a c d e + 20a c d e
--R
--R
--R
               ROOT
                         6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
--R
                      (32a e + 96a c d e + 96a c d e + 32a c d )
--R
                      ROOT
--R
                             2 10 2 8 2 4 6
--R
--R
                          - 81a e - 90a c d e - 25c d e
--R
                              9 12 8 2 2 10 7 3 4 8
--R
--R
                           1024a c e + 6144a c d e + 15360a c d e
--R
                               6 4 6 6 5 5 8 4 4 6 10 2
--R
--R
                            20480a c d e + 15360a c d e + 6144a c d e
--R
--R
                                3 7 12
--R
                           1024a c d
--R
                         2 4 3 2 2 5
--R
--R
                    - 15a d e - 15a c d e - 4c d
--R
                     6 6 5 2 4 4 2 4 2 3 3 6
--R
                   16a e + 48a c d e + 48a c d e + 16a c d
--R
--R
--R
                          2 5 2 4 3 +----+
--R
             (81a e + 81a c d e + 20c d e) | e x + d
--R
--R
--R
             +---+ +-+ 2 2 | +-+ +---+
--R.
         (d e = - 2c d) = - 2c d
--R
--R
               4+-+ +----+
--R
               \c \cdot | c \cdot | e x + d
         atanh(-----)
--R
               +----+
--R
               | +-+ +---+
--R
              \left| d\right| c - e\right| - a
--R
```

```
--R
--R
                                  +----+
                                                      4+-+ +----+
           +---+ +-+ 2
--R
                               2 | +-+ +---+
                                                       \c \c \c x + d
--R
      (d e)|- a |c + 3a e + 2c d)|d|c - e|- a atanh(-----)
--R
                                                      | +-+ +---+
--R
--R
                                                     \left| d\right| c + e\right| - a
--R /
--R
                              +----+
         2 2 2 +---+4+-+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
      (4a e + 4a c d )\|- a \|c \|d\|c - e\|- a \|d\|c + e\|- a
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 509
--S 510 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 510
)clear all
--S 511 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^(3/2)*(a+c*x^2)^2)
--R
--R
--R
                                    1
--R
     (1) -----
         2 5 2 4 3 2 2 2 +-----+
--R
--R
         (c e x + c d x + 2a c e x + 2a c d x + a e x + a d) | e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 511
--S 512 of 1581
r0:=1/2*e*(c*d^2-5*a*e^2)/(a*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(d+e*x))+_
    1/2*(a*e+c*d*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*(a+c*x^2)*sqrt(d+e*x))-_
    1/4*c^(1/4)*atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*_
    sqrt(c)))*(c*d^2*e-5*a*e^3-2*d*(c*d^2+4*a*e^2)*sqrt(c)/sqrt(-a))/_
    (a*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))-1/4*c^(1/4)*_
    atanh(c^{(1/4)}*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(c*d^2*e-_
    5*a*e^3+2*d*(c*d^2+4*a*e^2)*sqrt(c)/sqrt(-a))/(a*(c*d^2+a*e^2)^2*_
    sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                    2 2 3 2 2 2 3 +-+
           ((8a c d e + 2c d)x + 8a d e + 2a c d) | c
--R
--R.
```

```
3 2 2 2 2 3 2 +---+
--R
--R
                                ((5ace - cde)x + 5ae - acde)\|- a
--R
--R
                                                                  +----+
                                                                                                                               4+-+ +----+
                              4+-+ +----+ | +-+ +---+
--R
                                                                                                                              \c \c \e x + d
                             \c \leq x + d \leq
--R
--R
--R
                                                                                                                               | +-+ +---+
                                                                                                                            --R
--R
--R
                                                                2 2 3 2 2 2 3 +-+
--R
                                 ((-8acde - 2cd)x -8ade -2acd)\|c
--R
                                                   3 2 2 2 2 3 2 +---+
--R
--R
                                ((5ace - cde)x + 5ae - acde) | - a
--R
--R
                                                                  +----+
                                                                                                                               4+-+ +----+
                             4+-+ +----+ | +-+ +---+
--R
                                                                                                                              \c \c \e x + d
                             \c \leq x + d \leq -e = a + d = a + d = a
--R
                                                                                                                               +----+
--R
                                                                                                                              | +-+ +---+
--R
--R
                                                                                                                            \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
                                                        3 222 2 2 23 23 2
                              ((- 10a c e + 2c d e)x + (2a c d e + 2c d )x - 8a e + 4a c d e)
--R
--R
--R
                                               +----+
                             +---+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
                             |- a |d|c - e|- a |d|c + e|- a
--R /
--R
                                  3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2 2 2 4 +---+
--R
                         ((4a c e + 8a c d e + 4a c d)x + 4a e + 8a c d e + 4a c d) - a
--R
--R
                                                  +----+
--R
                         --R
--R
                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 512
--S 513 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           (3)
--R
                                      3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2 2 2 4
--R
                              ((-ace - 2acde - acd)x - ae - 2acde - acd)
--R
--R
                               +----+
--R
                            \leq x + d
--R
```

```
--R
         ROOT
                  8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
--R
                 32a e + 160a c d e + 320a c d e + 320a c d e
--R
                    4 4 8 2 3 5 10
--R
--R
                 160a c d e + 32a c d
--R
--R
                ROOT
                         4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
                     - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                            468 586
--R
                     - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                        13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                     1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
                         10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
--R
                     122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
--R
--R
                         7 6 12 8 6 7 14 6 5 8 16 4
                     215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                         4 9 18 2 3 10 20
--R
                     10240a c d e + 1024a c d
--R
--R
--R
                 3 6 2234 352 47
--R
              105a c d e - 70a c d e - 35a c d e - 4c d
--R
                8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4 4 4 8 2
--R
--R
              16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e + 80a c d e
--R
--R
                3 5 10
--R
              16a c d
--R
--R
         log
                     10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                  640a e + 2048a c d e + 384a c d e - 6400a c d e
--R
--R
                       6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
                 - 10880a c d e - 7680a c d e - 2432a c d e - 256a c d
--R
--R
                 ROOT
--R
                          4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
                      - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                             468 586
--R
--R
                       - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                          13 20 12 2 18 11 2 4 16
```

```
1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
--R
--R
                           10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
--R
                      122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
                            7 6 12 8 6 7 14 6 5 8 16 4
--R
--R
                       215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
                          4 9 18 2 3 10 20
--R
--R
                       10240a c d e + 1024a c d
--R
                         10 4 2 3 8 3 3 5 6 2 4 7 4
--R
                - 1300a c d e + 7908a c d e + 2436a c d e + 140a c d e
--R
--R
              ROOT
--R
--R
                        8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
                      32a e + 160a c d e + 320a c d e + 320a c d e
--R
--R
                         4 4 8 2 3 5 10
--R
                      160a c d e + 32a c d
--R
                     ROOT
--R
                              4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                          - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                               4 6 8 5 8 6
--R
--R
                           - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                              13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                          1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
                               10 3 6 14 9 4 8 12
--R
--R
                           122880a c d e + 215040a c d e
--R
                               8 5 10 10
--R
                                             7 6 12 8
--R
                           258048a c d e + 215040a c d e
--R
--R
                               6 7 14 6 5 8 16 4
--R
                           122880a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                              4 9 18 2 3 10 20
                          10240a c d e + 1024a c d
--R
--R
--R
                         6 2234 352 47
--R
                   105acde - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
                     8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
                   16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e
--R
--R
                     4 4 8 2 3 5 10
```

```
--R
                  80acde + 16acd
--R
              3 9 2 2 2 7 3 4 5 4 6 3 +----+
--R
--R
             (625a c e - 3750a c d e - 1491a c d e - 140c d e) | e x + d
--R
--R
           3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2 2 2 4 +-----+
--R
         ((a c e + 2a c d e + a c d )x + a e + 2a c d e + a c d )\le x + d
--R
         ROOT
--R
                    8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
--R
                 - 32a e - 160a c d e - 320a c d e - 320a c d e
--R
                     4 4 8 2 3 5 10
--R
                 - 160a c d e - 32a c d
--R
--R
--R
                ROOT
--R
                         4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
                     - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                           468 586
--R
--R
                     - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                        13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
                    1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
                         10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
--R
--R
                     122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
--R
                          7 6 12 8 6 7 14 6 5 8 16 4
--R
                     215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
                          4 9 18 2 3 10 20
--R
--R
                     10240a c d e + 1024a c d
--R
                          2 2 3 4 3 5 2 4 7
--R
                     6
              105a c d e - 70a c d e - 35a c d e - 4c d
--R
--R
                8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4 4 4 8 2
--R
--R
              16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e + 80a c d e
--R
--R
                3 5 10
--R
              16a c d
--R
--R
         log
                     10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
                   640a e + 2048a c d e + 384a c d e - 6400a c d e
--R
--R
--R
                      6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
                 - 10880a c d e - 7680a c d e - 2432a c d e - 256a c d
--R
--R
```

```
--R
                  ROOT
                          4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                       - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                              4 6 8 5 8 6
--R
--R
                       - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                          13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
                      1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
--R
--R
                           10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
                       122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
--R
                            7 6 12 8 6 7 14 6 5 8 16 4
--R
                       215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
--R
--R
                           4 9 18 2 3 10 20
--R
                       10240a c d e + 1024a c d
--R
                    5 10 4 2 3 8 3 3 5 6 2 4 7 4
--R
--R
                1300a c d e - 7908a c d e - 2436a c d e - 140a c d e
--R
--R
              ROOT
--R
                          8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
                       - 32a e - 160a c d e - 320a c d e - 320a c d e
--R
                           4 4 8 2 3 5 10
--R
--R
                       - 160a c d e - 32a c d
--R
--R
                     ROOT
                               4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                          - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                                 4 6 8 5 8 6
--R
--R
                          - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                              13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                          1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                               10 3 6 14
                                              9 4 8 12
                           122880a c d e + 215040a c d e
--R
--R
--R
                               8 5 10 10 7 6 12 8
--R
                           258048a c d e + 215040a c d e
--R
--R
                                6 7 14 6 5 8 16 4
--R
                           122880a c d e + 46080a c d e
--R
                               4 9 18 2 3 10 20
--R
--R
                           10240a c d e + 1024a c d
```

```
--R
                     3 6 2234 352 47
--R
--R
                   105acde - 70acde - 35acde - 4cd
--R
                     8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
--R
                    16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e
--R
                     4 4 8 2 3 5 10
--R
--R
                    80a c d e + 16a c d
--R
--R
                                       3 4 5 4 6 3 +----+
                 3 9 2 2 2 7
--R
             (625a c e - 3750a c d e - 1491a c d e - 140c d e) | e x + d
--R
--R
                   2 2 2 2
                             3 4 2 4 4 3 2 2 2 2 4
--R
         ((-ace - 2acde - acd)x - ae - 2acde - acd)
--R
--R.
          +----+
         \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
--R
         ROOT
--R
                    8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
                 - 32a e - 160a c d e - 320a c d e - 320a c d e
--R
--R
--R
                     4 4 8 2 3 5 10
                 - 160a c d e - 32a c d
--R
--R
--R
                ROOT
--R
                         4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
                     - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                             4 6 8 5 8 6
--R
                    - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                        13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                     1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
                          10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
--R
--R
                     122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
--R
                          7 6 12 8
                                        6 7 14 6
                                                    5 8 16 4
--R
                     215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                         4 9 18 2 3 10 20
--R
                     10240a c d e + 1024a c d
--R
--R
                     6
                          2 2 3 4 3 5 2 4 7
--R
              105a c d e - 70a c d e - 35a c d e - 4c d
--R
                8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4 4 4 8 2
--R
--R
              16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e + 80a c d e
```

```
--R
--R
               3 5 10
--R
              16a c d
--R
--R
         log
                       10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                  - 640a e - 2048a c d e - 384a c d e + 6400a c d e
--R
                     6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
                 10880a c d e + 7680a c d e + 2432a c d e + 256a c d
--R
--R
--R
                 ROOT
                          4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
                      - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
--R
                              4 6 8 5 8 6
--R
                       - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                         13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                       1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
                           10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
--R
--R
                       122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
                            7 6 12 8 6 7 14 6 5 8 16 4
--R
                       215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
--R
--R
                           4 9 18 2 3 10 20
--R
                       10240a c d e + 1024a c d
--R
                     5 10 4238 3356 2474
--R
--R
                - 1300a c d e + 7908a c d e + 2436a c d e + 140a c d e
--R
--R
              ROOT
                          8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
                      - 32a e - 160a c d e - 320a c d e - 320a c d e
--R
--R
                           4 4 8 2 3 5 10
--R
                      - 160a c d e - 32a c d
--R
--R
--R
                     ROOT
                              4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                           - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                                 4 6 8 5 8 6
--R
--R
                           - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                              13 20 12 2 18 11 2 4 16
                          1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
--R
```

```
10 3 6 14 9 4 8 12
--R
--R
                           122880a c d e + 215040a c d e
--R
--R
                                8 5 10 10
                                              7 6 12 8
--R
                           258048a c d e + 215040a c d e
--R
                                6 7 14 6 5 8 16 4
--R
--R
                           122880a c d e + 46080a c d e
--R
                               4 9 18 2 3 10 20
--R
--R
                           10240a c d e + 1024a c d
--R
                                2 2 3 4 3 5 2 4 7
                           6
--R
--R
                   105acde - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
                     8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
                    16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e
--R
--R
                     4 4 8 2 3 5 10
--R
                    80a c d e + 16a c d
--R
--R
                 3 9 2 2 2 7 3 4 5 4 6 3 +----+
--R
             (625a c e - 3750a c d e - 1491a c d e - 140c d e )\|e x + d
--R
--R
           3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2 2 2 4 +-----+
--R
         ((a c e + 2a c d e + a c d )x + a e + 2a c d e + a c d )|x + d
--R
--R
         ROOT
--R
                   8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
                 32a e + 160a c d e + 320a c d e + 320a c d e
--R
                    4 4 8 2 3 5 10
--R
--R
                 160a c d e + 32a c d
--R
--R
                ROOT
                         4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                     - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                             4 6 8 5 8 6
--R
--R
                     - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                        13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R.
                     1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
                          10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
--R
--R
                      122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
--R
                                        6 7 14 6 5 8 16 4
                          7 6 12 8
                     215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
--R
```

```
4 9 18 2 3 10 20
--R
                     10240a c d e + 1024a c d
--R
--R
                3 6
--R
                          2 2 3 4
                                     3 5 2 4 7
--R
             105acde - 70acde - 35acde - 4cd
--R
                8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4 4 4 8 2
--R
--R
              16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e + 80a c d e
--R
--R
                3 5 10
--R
              16a c d
--R
--R
         log
                       10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                  - 640a e - 2048a c d e - 384a c d e + 6400a c d e
--R
--R
                     6 4 8 6
                              5 5 10 4
                                           4 6 12 2 3 7 14
--R
                 10880a c d e + 7680a c d e + 2432a c d e + 256a c d
--R
--R
                 ROOT
                          4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                      - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                           468 586
                       - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                          13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                      1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
                           10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
--R
--R
                       122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
                            7 6 12 8
--R
                                         6 7 14 6
--R
                       215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
                          4 9 18 2 3 10 20
--R
--R
                      10240a c d e + 1024a c d
--R
                       10 4 2 3 8 3 3 5 6 2 4 7 4
--R
                1300a c d e - 7908a c d e - 2436a c d e - 140a c d e
--R
--R
              ROOT
--R
--R
                        8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
                       32a e + 160a c d e + 320a c d e + 320a c d e
--R
--R
                         4 4 8 2 3 5 10
--R
                      160a c d e + 32a c d
--R
                     ROOT
--R
--R
                               4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
```

```
- 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                                 4 6 8 5 8 6
--R
--R
                          - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                             13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                         1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
                              10 3 6 14 9 4 8 12
--R
--R
                          122880a c d e + 215040a c d e
--R
                                            7 6 12 8
--R
                              8 5 10 10
                          258048a c d e + 215040a c d e
--R
--R
                              6 7 14 6 5 8 16 4
--R
--R
                          122880a c d e + 46080a c d e
--R
                              4 9 18 2 3 10 20
--R
                          10240a c d e + 1024a c d
--R
--R
--R
                     3 6 2234 352 47
                  105acde - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
--R
                    8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
                   16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e
--R
                     4 4 8 2 3 5 10
--R
--R
                   80a c d e + 16a c d
--R
                3 9 2 2 2 7 3 4 5 4 6 3 +----+
--R
--R
             (625a c e - 3750a c d e - 1491a c d e - 140c d e) | e x + d
--R
--R
             3 22 2
                              2 23
                                         2 3
      (-5ace + cde)x + (acde + cd)x - 4ae + 2acde
--R /
       3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2 2 2 4 +-----+
--R
--R
    ((2ace + 4acde + 2acd)x + 2ae + 4acde + 2acd)\|ex+d
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 513
--S 514 of 1581
m0:=a0-r0
--R.
--R
--R (4)
--R
           3 4 2 2 2 2 4 +---+
--R
        (- 2a e - 4a c d e - 2a c d )\|- a
--R
        ROOT
--R
--R
                   8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
```

```
--R
                 32a e + 160a c d e + 320a c d e + 320a c d e
--R
                   4 4 8 2 3 5 10
--R
--R
                 160acde + 32acd
--R
               ROOT
--R
                        4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                    - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                           4 6 8 5 8 6
--R
--R
                    - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                       13 20 12 2 18
                                               11 2 4 16
--R
--R
                    1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                         10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
--R
                     122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
--R
                         7 6 12 8
                                      6 7 14 6 5 8 16 4
--R
                    215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
                        4 9 18 2 3 10 20
--R
                     10240a c d e + 1024a c d
--R
--R
                 3 6 2234 352 47
--R
              105a c d e - 70a c d e - 35a c d e - 4c d
--R
--R
--R
               8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4 4 4 8 2
--R
              16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e + 80a c d e
--R.
--R
               3 5 10
--R
             16a c d
--R
--R
         +----+
--R
         \d c - e = a \d c + e = a
--R
--R
--R
         log
                    10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                  640a e + 2048a c d e + 384a c d e - 6400a c d e
--R
--R
                      6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
                 - 10880a c d e - 7680a c d e - 2432a c d e - 256a c d
--R
--R
                 ROOT
                          4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                      - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                             468 586
--R
--R
                      - 10780a c d e - 1225c d e
```

```
--R
                        13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                      1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                           10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
--R
                       122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
                            7 6 12 8
                                         6 7 14 6
--R
                       215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
--R
--R
                           4 9 18 2 3 10 20
                       10240a c d e + 1024a c d
--R
--R
                         10 4 2 3 8 3 3 5 6 2 4 7 4
--R
                - 1300a c d e + 7908a c d e + 2436a c d e + 140a c d e
--R
--R
--R
              ROOT
--R
                        8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
                       32a e + 160a c d e + 320a c d e + 320a c d e
--R
--R
                         4 4 8 2 3 5 10
--R
                       160a c d e + 32a c d
--R
--R
                     ROOT
--R
                             4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
                          - 625a c e   + 7700a c d e   - 21966a c d e
--R
--R
--R
                                  4 6 8 5 8 6
--R
                           - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                              13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                          1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
                               10 3 6 14 9 4 8 12
--R
--R
                          122880a c d e + 215040a c d e
--R
                               8 5 10 10 7 6 12 8
--R
--R
                           258048a c d e + 215040a c d e
--R
--R
                               6 7 14 6
                                            5 8 16 4
--R
                           122880a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                               4 9 18 2 3 10 20
--R
                           10240a c d e + 1024a c d
--R
--R
                       3 6 2234 352 47
--R
                    105a c d e - 70a c d e - 35a c d e - 4c d
--R
                     8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
--R
                    16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e
```

```
--R
--R
                    4 4 8 2 3 5 10
--R
                  80acde + 16acd
--R
                3 9 2 2 2 7 3 4 5 4 6 3 +----+
--R
--R
            (625a c e - 3750a c d e - 1491a c d e - 140c d e )\|e x + d
--R
          3 4 2 2 2 2 4 +---+
--R
         (2a e + 4a c d e + 2a c d) = a
--R
--R
--R
         ROOT
                    8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
                - 32a e - 160a c d e - 320a c d e - 320a c d e
--R
--R
--R
                     4 4 8 2 3 5 10
--R
                - 160a c d e - 32a c d
--R
--R
               ROOT
                        4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                     - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                           468 586
--R
                     -10780a c d e -1225c d e
--R
--R
                       13 20 12 2 18 11 2 4 16
                    1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                         10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
--R
--R
                     122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
--R
                          7 6 12 8 6 7 14 6 5 8 16 4
--R
                     215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
                         4 9 18 2 3 10 20
--R
--R
                    10240a c d e + 1024a c d
--R
                3 6 2234 352 47
--R
--R
             105acde - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
               8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4 4 4 8 2
--R
              16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e + 80a c d e
--R
--R.
               3 5 10
--R
              16a c d
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         \d \c - e = a \d c + e = a
--R
--R
         log
```

```
10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                  640a e + 2048a c d e + 384a c d e - 6400a c d e
--R
--R
                       6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
                 - 10880a c d e - 7680a c d e - 2432a c d e - 256a c d
--R
--R
                 ROOT
                           4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
                      - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
--R
                              4 6 8 5 8 6
                      - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                          13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
                      1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
--R
--R
                           10 3 6 14 9 4 8 12
                                                     8 5 10 10
--R
                       122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
                           7 6 12 8 6 7 14 6 5 8 16 4
--R
--R
                       215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                           4 9 18 2 3 10 20
                       10240a c d e + 1024a c d
--R
--R
                    5 10 4 2 3 8 3 3 5 6 2 4 7 4
--R
--R
                1300a c d e - 7908a c d e - 2436a c d e - 140a c d e
--R
--R
              ROOT
--R
                          8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
                       - 32a e - 160a c d e - 320a c d e - 320a c d e
--R
                           4 4 8 2 3 5 10
--R
--R
                       - 160a c d e - 32a c d
--R
                     ROOT
--R
                               4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                          - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                                  4 6 8 5 8 6
--R
                          - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                             13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
                           1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
                                           9 4 8 12
--R
                               10 3 6 14
--R
                           122880a c d e + 215040a c d e
--R
                               8 5 10 10 7 6 12 8
--R
--R
                           258048a c d e + 215040a c d e
```

```
--R
                            6 7 14 6 5 8 16 4
--R
--R
                          122880a c d e + 46080a c d e
--R
                               4 9 18 2 3 10 20
--R
--R
                           10240a c d e + 1024a c d
--R
                               2 2 3 4
--R
                      3 6
                                          3 5 2 4 7
                   105acde - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
--R
                     8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
                   16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e
--R
--R
                     4 4 8 2 3 5 10
--R
--R
                   80a c d e + 16a c d
--R
--R
                3 9 2 2 2 7 3 4 5 4 6 3 +----+
--R
             (625a c e - 3750a c d e - 1491a c d e - 140c d e) | e x + d
--R
--R
            3 4 2 2 2 2 4 +---+
--R
         (-2a e - 4a c d e - 2a c d) = a
--R
--R
         ROOT
--R
                    8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
                 - 32a e - 160a c d e - 320a c d e - 320a c d e
--R
                     4 4 8 2 3 5 10
--R
--R
                 - 160a c d e - 32a c d
--R
--R
                ROOT
                         4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                     - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                            468 586
--R
--R
                    - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
                        13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
                    1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                          10 3 6 14
                                        9 4 8 12
                                                   8 5 10 10
--R
                     122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
                         7 6 12 8 6 7 14 6 5 8 16 4
--R
--R
                     215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                          4 9 18 2
                                   3 10 20
--R
                     10240a c d e + 1024a c d
--R
                 3 6 2234 352 47
--R
--R
              105a c d e - 70a c d e - 35a c d e - 4c d
```

```
--R
               8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4 4 4 8 2
--R
--R
             16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e + 80a c d e
--R
--R
               3 5 10
--R
             16a c d
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
         --R
--R
--R
         log
                      10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                  - 640a e - 2048a c d e - 384a c d e + 6400a c d e
--R
--R
                    6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
                 10880a c d e + 7680a c d e + 2432a c d e + 256a c d
--R
--R
                 ROOT
                          4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                      - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                             468 586
--R
                      - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                         13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                      1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                          10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
--R
                      122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
                           7 6 12 8 6 7 14 6 5 8 16 4
--R
--R
                      215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
                          4 9 18 2 3 10 20
--R
                      10240a c d e + 1024a c d
--R
--R
                        10 4 2 3 8 3 3 5 6 2 4 7 4
--R
               - 1300a c d e + 7908a c d e + 2436a c d e + 140a c d e
--R
--R
--R
              ROOT
                         8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
--R
                      - 32a e - 160a c d e - 320a c d e - 320a c d e
--R
--R
                          4 4 8 2 3 5 10
                      - 160a c d e - 32a c d
--R
--R
--R
                    ROOT
                             4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R.
                          - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
```

```
--R
                              4 6 8 5 8 6
--R
--R
                          - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                              13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                          1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
                               10 3 6 14 9 4 8 12
--R
                          122880a c d e + 215040a c d e
--R
--R
--R
                               8 5 10 10
                                             7 6 12 8
                           258048a c d e + 215040a c d e
--R
--R
                               6 7 14 6 5 8 16 4
--R
--R
                           122880a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                               4 9 18 2 3 10 20
--R
                           10240a c d e + 1024a c d
--R
                      3 6 2234 352 47
--R
--R
                    105a c d e - 70a c d e - 35a c d e - 4c d
--R
                     8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
--R
                   16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e
--R
                     4 4 8 2 3 5 10
--R
--R
                    80a c d e + 16a c d
--R
                 3 9 2 2 2 7 3 4 5 4 6 3 +----+
--R
--R
            (625a c e - 3750a c d e - 1491a c d e - 140c d e )\|e x + d
--R
           3 4 2 2 2 2 4 +---+
--R
--R
         (2a e + 4a c d e + 2a c d) = a
--R
--R
         ROOT
                   8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
--R
                 32a e + 160a c d e + 320a c d e + 320a c d e
--R
                    4 4 8 2 3 5 10
--R
--R
                 160a c d e + 32a c d
--R
                ROOT
--R
--R
                         4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
                     - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                            4 6 8 5 8 6
--R
                     - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                        13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                     1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
```

```
--R
                       10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
--R
--R
                     122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
                          7 6 12 8 6 7 14 6 5 8 16 4
--R
--R
                     215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
                         4 9 18 2 3 10 20
--R
                     10240a c d e + 1024a c d
--R
--R
                     6 2234 352 47
--R
             105acde - 70acde - 35acde - 4cd
--R
--R
                8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4 4 4 8 2
--R
              16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e + 80a c d e
--R
--R
--R.
               3 5 10
--R
              16a c d
--R
--R
          +----+
--R
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
         \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
         log
--R
                      10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
                  - 640a e - 2048a c d e - 384a c d e + 6400a c d e
--R
--R
--R
                      6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
                 10880a c d e + 7680a c d e + 2432a c d e + 256a c d
--R
--R
                 ROOT
                          4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
--R
                      - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
                             468 586
--R
--R
                       - 10780a c d e - 1225c d e
--R
                         13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
--R
                      1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                           10 3 6 14 9 4 8 12 8 5 10 10
                       122880a c d e + 215040a c d e + 258048a c d e
--R
--R
--R
                            7 6 12 8
                                        6 7 14 6 5 8 16 4
--R
                       215040a c d e + 122880a c d e + 46080a c d e
--R
                          4 9 18 2 3 10 20
--R
--R
                       10240a c d e + 1024a c d
--R
--R
                    5 10 4 2 3 8 3 3 5 6 2 4 7 4
```

```
1300a c d e - 7908a c d e - 2436a c d e - 140a c d e
--R
--R
--R
              ROOT
                         8 10 7 2 8 6 2 4 6 5 3 6 4
--R
--R
                       32a e + 160a c d e + 320a c d e + 320a c d e
--R
                          4 4 8 2 3 5 10
--R
--R
                       160a c d e + 32a c d
--R
                     ROOT
--R
                              4 14 3 2 2 12 2 3 4 10
--R
                           - 625a c e + 7700a c d e - 21966a c d e
--R
--R
                                  4 6 8 5 8 6
--R
                           - 10780a c d e - 1225c d e
--R
--R
--R
                              13 20 12 2 18 11 2 4 16
--R
                           1024a e + 10240a c d e + 46080a c d e
--R
                               10 3 6 14 9 4 8 12
--R
--R
                           122880a c d e + 215040a c d e
--R
--R
                               8 5 10 10 7 6 12 8
--R
                           258048a c d e + 215040a c d e
--R
                               6 7 14 6 5 8 16 4
--R
--R
                           122880a c d e + 46080a c d e
--R
--R
                               4 9 18 2 3 10 20
--R
                           10240a c d e + 1024a c d
--R
                         6 2234 352 47
--R
--R
                   105acde - 70acde - 35acde - 4cd
--R
                     8 10 7 2 8 6 2 4 6
--R
                                                   5 3 6 4
                    16a e + 80a c d e + 160a c d e + 160a c d e
--R
--R
--R
                     4 4 8 2 3 5 10
--R
                    80a c d e + 16a c d
--R
                                       3 4 5 4 6 3 +----+
--R
                 3 9 2 2 2 7
             (625a c e - 3750a c d e - 1491a c d e - 140c d e) | e x + d
--R
--R.
                                        2 +---+ 4+-+
                     3 +-+
--R.
                                  3
         ((-8ade - 2cd)|c + (-5ae + cde)|-a)|c
--R
--R
--R
          +----+
                             4+-+ +----+
--R
         | +-+ +---+
                             \c \cdot | c \cdot | e x + d
         \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
--R
                             +----+
--R
```

```
| +-+ +---+
--R
--R
                             --R
--R
                2 3 +-+ 3 2 +---+ 4+-+ | +-+ +---+
--R
         ((8a d e + 2c d )\|c + (- 5a e + c d e)\|- a )\|c \|d\|c - e\|- a
--R
--R
--R
                4+-+ +----+
                \c \c \c \  \   
--R
         atanh(-----)
--R
--R
               | +-+ +---+
--R
              \d \ \ + e = a
--R
--R /
--R
                                   +----+
--R
        3 4 2 2 2 2 2 4 +---+ | +-+ +---+ | +-+
--R
      (4a e + 8a c d e + 4a c d )\|- a \|d\|c - e\|- a \|d\|c + e\|- a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 514
--S 515 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 515
)clear all
--S 516 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^(5/2)*(a+c*x^2)^2)
--R
--R
--R (1)
--R
     1
--R /
         2 2 6 2 5 2 2 2 4 3
--R
--R
         cex + 2cdex + (2ace + cd)x + 4acdex
--R
          2 2 2 2 2 2 2
--R
        (a e + 2a c d )x + 2a d e x + a d
--R
--R.
        +----+
--R.
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 516
--S 517 of 1581
r0:=1/6*e*(3*c*d^2-7*a*e^2)/(a*(c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x)^(3/2))+_
```

```
1/2*(a*e+c*d*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(3/2)*(a+c*x^2))+_
              1/2*c*d*e*(c*d^2-19*a*e^2)/(a*(c*d^2+a*e^2)^3*sqrt(d+e*x))-_
              1/4*c^(3/4)*atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*_
              \sqrt(c)))*((-2*c^2*d^4-15*a*c*d^2*e^2+7*a^2*e^4)/\sqrt(-a)+_
              d*e*(c*d^2-19*a*e^2)*sqrt(c))/(a*(c*d^2+a*e^2)^3*sqrt(-e*_
              sqrt(-a)+d*sqrt(c)))-1/4*c^(3/4)*atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
              sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*((2*c^2*d^4+15*a*c*d^2*e^2-7*a^2*_
              e^4)/sqrt(-a)+d*e*(c*d^2-19*a*e^2)*sqrt(c))/(a*(c*d^2+a*e^2)^3*_
              sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R
--R
--R
                (2)
                                                                                         2 3 2 3
                                                                                                                                              2 3
--R
                                                                                                                                                                       2 4 2
--R
                                                  (57a c d e - 3c d e)x + (57a c d e - 3c d e)x
--R
--R
                                                            2 4
                                                                                              3 2
                                                                                                                            2 2 3
--R.
                                                 (57a d e - 3a c d e)x + 57a d e - 3a c d e
--R.
--R
                                              +---+ +-+
--R
                                           \|- a \|c
--R
--R
                                                      2 5 2 2 3 3 4 3
--R
                                       (-21a c e + 45a c d e + 6c d e)x
--R
--R
                                                                     4 232 352
--R
                                       (-21a c d e + 45a c d e + 6c d)x
--R
--R
                                                 3 5
                                                               2 2 3
                                                                                                   24 34 232
--R
                                 (- 21a e + 45a c d e + 6a c d e)x - 21a d e + 45a c d e + 6a c d
--R.
--R
                                                                                                                                                 4+-+ +----+
                                 4+-+3 +----+ | +-+ +---+
--R
                                                                                                                                                 \c \c \c x + d
--R
                                \c \leq x + d \leq
--R
--R
                                                                                                                                               | +-+
--R
                                                                                                                                            \left| d\right| c - e\right| - a
--R
--R
                                                                                         2 3 2 3
                                                                                                                                                 2 3 2 4 2
--R
                                                 (57a c d e - 3c d e)x + (57a c d e - 3c d e)x
--R
--R
                                                            2 4
                                                                                              3 2
                                                                                                                                2 2 3
                                                 (57a d e - 3a c d e )x + 57a d e - 3a c d e
--R
--R.
--R.
                                              +---+ +-+
--R.
                                           \|- a \|c
--R
--R
                                                 2 5
                                                                          2 2 3 3 4 3
--R
                                       (21a c e - 45a c d e - 6c d e)x
--R
--R
                                                          4
                                                                                          2 3 2
                                                 2
                                                                                                                     3 5 2
```

```
--R
         (21a c d e - 45a c d e - 6c d)x
--R
--R
            35 223 24 34 232 25
--R
        (21a e - 45a c d e - 6a c d e)x + 21a d e - 45a c d e - 6a c d
--R
                  +----+
--R
                                    4+-+ +----+
        4+-+3 +----+ | +-+ +---+
--R
                                   \c \cdot \c \cdot \c x + d
--R
        \c \leq x + d \leq -e = a + d = a + d = a
--R
--R
                                   | +-+ +---+
--R
                                   \d \ + e = a
--R
              2 4 3323
                                 2 5 2 2 3
--R
--R
         (- 114a c d e + 6c d e )x + (- 14a c e - 122a c d e + 12c d e)x
--R
--R
            2 4 232 35 35 223 24
--R
        (- 108a c d e + 18a c d e + 6c d )x - 8a e - 110a c d e + 18a c d e
--R
            +----+
--R
        +---+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
        --R /
--R
         4 7 3 2 2 5 2 3 4 3 4 6 3
--R
       (12a c e + 36a c d e + 36a c d e + 12a c d e)x
--R
         4 6 3234 2352 472
--R
--R
        (12a c d e + 36a c d e + 36a c d e + 12a c d )x
--R
--R
          57 4 25 3 2 4 3 2 3 6 5 6 4 3 4
--R
        (12a e + 36a c d e + 36a c d e + 12a c d e)x + 12a d e + 36a c d e
--R
          3 2 5 2 2 3 7
--R
--R
       36a c d e + 12a c d
--R
--R
                 +----+
      +---+ +------+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
      --R
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 517
--S 518 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          4 7 3 2 2 5 2 3 4 3 4 6 3
--R
--R
         (3ace + 9acde + 9acde + 3acde)x
--R
          4 6 3234 2352 472
--R
--R
         (3a c d e + 9a c d e + 9a c d e + 3a c d )x
```

```
--R
--R
           57 4 25 3243 236 5 6 4 34
--R
          (3a e + 9a c d e + 9a c d e + 3a c d e)x + 3a d e + 9a c d e
--R
--R
           3 2 5 2 2 3 7
--R
         9acde + 3acd
--R
--R
         +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
         ROOT
                   10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                 32a e + 224a c d e + 672a c d e + 1120a c d e
--R
--R
                    6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
                 1120a c d e + 672a c d e + 224a c d e + 32a c d
--R.
--R
                ROOT
--R
                         6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
                     - 2401a c e + 82026a c d e - 780831a c d e
--R
--R
                          3 6 6 12 2 7 8 10 8 10 8
--R
                     1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
                          9 12 6
                     - 11025c d e
--R
--R
                        17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
--R
                     1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
                          14 3 6 22 13 4 8 20
--R
                     372736a cde + 1025024a cde
--R
--R
                          12 5 10 18 11 6 12 16
--R
--R
                     2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
                                       9 8 16 12
--R
                          10 7 14 14
--R
                     3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                           8 9 18 10
                                          7 10 20 8
--R
                     2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
                         6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
--R
                     372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
                         3 14 28
--R
                     1024a c d
--R
                   4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2 6 9
--R
              - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e - 4c d
--R
```

```
--R
                10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
              16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R
                 6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
               560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
--R
         log
                      12 18 11 3 16 10 2 5 14
--R
                   3328a d e + 21248a c d e + 55296a c d e
--R
--R
                       9 3 7 12 8 4 9 10 7 5 11 8
--R
                   71680a c d e + 39424a c d e - 10752a c d e
--R
--R
--R
                         6 6 13 6 5 7 15 4
                                                 4 8 17 2
                   - 28672a c d e - 16384a c d e - 3840a c d e
--R
--R
--R
                      3 9 19
--R
                   - 256a c d
--R
--R
                  ROOT
                           6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
--R
                      - 2401a c e   + 82026a c d e   - 780831a c d e
--R
--R
                                      2 7 8 10
                             3 6 6 12
                       1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
--R
                             9 12 6
--R
                       - 11025c d e
--R
                          17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
--R
                       1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
                            14 3 6 22 13 4 8 20
--R
--R
                       372736a c d e + 1025024a c d e
--R
                             12 5 10 18 11 6 12 16
--R
--R
                       2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                             10 7 14 14
                                             9 8 16 12
--R
                       3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                            8 9 18 10 7 10 20 8
--R
                       2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
                            6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
--R
                       372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
                          3 14 28
--R
                       1024a c d
```

```
--R
                  7 14 6 2 2 12 5 3 4 10
--R
                - 1372a c e + 30100a c d e - 136568a c d e
--R
--R
--R
                     4 4 6 8 3 5 8 6 2 6 10 4
--R
               105096a c d e + 17556a c d e + 420a c d e
--R
--R
               ROOT
                        10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
                      32a e + 224a c d e + 672a c d e + 1120a c d e
--R
--R
                         6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
                      1120a c d e + 672a c d e + 224a c d e + 32a c d
--R
--R
--R
                      ROOT
--R
                                6 3 18 5 4 2 16
                                                      4 5 4 14
--R
                           - 2401a c e   + 82026a c d e   - 780831a c d e
--R
--R
                                 3 6 6 12
                                           2 7 8 10
--R
                          1360716a c d e - 494991a c d e
--R
--R
                                  8 10 8 9 12 6
--R
                          - 171990a c d e - 11025c d e
--R
--R
                              17 28 16 2 26 15 2 4 24
                          1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
                               14 3 6 22 13 4 8 20
--R
--R
                           372736a c d e + 1025024a c d e
--R
                                12 5 10 18 11 6 12 16
--R
                           2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                                10 7 14 14 9 8 16 12
--R
--R
                           3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
                                8 9 18 10 7 10 20 8
--R
--R
                           2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
                               6 11 22 6
                                              5 12 24 4
--R
                           372736a c d e + 93184a c d e
--R
--R
                               4 13 26 2 3 14 28
--R
                           14336a c d e + 1024a c d
--R
                        4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2
--R
--R
                    - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e
--R
--R
                      6 9
--R.
                    - 4c d
```

```
--R
                     10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                   16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
                      6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
                   560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
                   4 2 11 3 3 2 9 2 4 4 7
--R
               2401a c e -40817a c d e +36783a c d e +8421a c d e
--R
--R
--R
                  683
--R
               420c d e
--R
               +----+
--R
--R
              \leq x + d
--R
--R
              4 7 3 2 2 5 2 3 4 3 4 6 3
--R
          (- 3a c e - 9a c d e - 9a c d e - 3a c d e)x
--R
--R
             4 6 3234 2352 472
--R
          (-3acde -9acde -9acde -3acd)x
--R
             57 4 25 3243 236 56 4 34
--R
          (- 3a e - 9a c d e - 9a c d e - 3a c d e)x - 3a d e - 9a c d e
--R
--R
            3 2 5 2 2 3 7
--R
--R
          - 9a c d e - 3a c d
--R
--R
         +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
         ROOT
                    10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                 - 32a e - 224a c d e - 672a c d e - 1120a c d e
--R
                      6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
                - 1120acde - 672acde - 224acde - 32acd
--R
--R
               ROOT
                         6 3 18 5 4 2 16
--R
--R
                     - 2401a c e + 82026a c d e - 780831a c d e
--R
--R
                          3 6 6 12 2 7 8 10 8 10 8
--R
                     1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
                          9 12 6
--R
                     - 11025c d e
--R
                        17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
--R
                     1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
```

```
--R
                       14 3 6 22 13 4 8 20
--R
--R
                     372736a cde + 1025024a cde
--R
                           12 5 10 18 11 6 12 16
--R
                      2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                           10 7 14 14
--R
                     3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
--R
                          8 9 18 10
                                          7 10 20 8
--R
                     2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                          6 11 22 6 5 12 24 4
--R
                                                   4 13 26 2
                     372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
--R
                        3 14 28
--R
                     1024a c d
--R
                   4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2 6 9
--R
--R
               - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e - 4c d
--R
--R
                10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
               16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
                6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
               560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
--R
--R
         log
                      12 18 11 3 16 10 2 5 14
--R
--R
                   3328a de + 21248a c de + 55296a c de
--R
                       9 3 7 12 8 4 9 10
--R
--R
                   71680a c d e + 39424a c d e - 10752a c d e
--R
                        6 6 13 6 5 7 15 4 4 8 17 2
--R
--R
                   - 28672a c d e - 16384a c d e - 3840a c d e
--R
--R
                      3 9 19
--R
                   - 256a c d
--R
                  ROOT
--R
--R
                           6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
                       - 2401a c e + 82026a c d e - 780831a c d e
--R
--R
                             3 6 6 12
                                        2 7 8 10
--R
                       1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
                            9 12 6
--R
                       - 11025c d e
```

```
--R
                        17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
--R
                       1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
                           14 3 6 22 13 4 8 20
--R
                       372736a c d e + 1025024a c d e
--R
                             12 5 10 18 11 6 12 16
--R
                       2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
--R
                            10 7 14 14
                                            9 8 16 12
                       3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                            8 9 18 10 7 10 20 8
--R
--R
                       2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
                           6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
--R
                       372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
                          3 14 28
--R
                       1024a c d
--R
                   7 14 6 2 2 12 5 3 4 10
--R
--R
               1372a c e - 30100a c d e + 136568a c d e
--R
                      4 4 6 8 3 5 8 6 2 6 10 4
--R
--R
                - 105096a c d e - 17556a c d e - 420a c d e
--R
--R
              ROOT
                          10 14 9 2 12 8 2 4 10
--R.
--R
                       - 32a e - 224a c d e - 672a c d e
--R
                            7 3 6 8 6 4 8 6 5 5 10 4
--R
--R
                       - 1120a c d e - 1120a c d e - 672a c d e
--R
                           4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
                       - 224a c d e - 32a c d
--R
--R
                      ROOT
                               6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
                          - 2401a c e   + 82026a c d e   - 780831a c d e
--R
--R
--R
                                3 6 6 12 2 7 8 10
--R
                          1360716a c d e - 494991a c d e
--R
--R
                                   8 10 8
                                              9 12 6
--R
                           - 171990a c d e - 11025c d e
--R
                              17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
--R
                           1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
```

```
--R
                            14 3 6 22 13 4 8 20
--R
--R
                          372736a cde + 1025024a cde
--R
                               12 5 10 18 11 6 12 16
--R
--R
                          2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                               10 7 14 14
                          3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                               8 9 18 10
--R
                                              7 10 20 8
--R
                          2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                               6 11 22 6 5 12 24 4
--R
                          372736a c d e + 93184a c d e
--R
--R
--R
                              4 13 26 2 3 14 28
--R
                          14336a c d e + 1024a c d
--R
                        4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2
--R
--R
                    - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e
--R
--R
                     6 9
--R
                   - 4c d
--R
                     10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                   16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R
                      6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
                   560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
                   4 2 11 3 3 2 9 2 4 4 7 5 6 5
--R
--R
                2401a c e - 40817a c d e + 36783a c d e + 8421a c d e
--R
--R
                  683
--R
               420c d e
--R
--R
               +----+
--R
              \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
            4 7 3 2 2 5 2 3 4 3 4 6 3
--R
--R
          (3ace + 9acde + 9acde + 3acde)x
--R.
--R
            4 6 3234 2352 472
--R
          (3acde + 9acde + 9acde + 3acd)x
--R
           57 4 25 3243 236 5 6 4 34
--R
--R
         (3a e + 9a c d e + 9a c d e + 3a c d e)x + 3a d e + 9a c d e
--R
--R
          3 2 5 2 2 3 7
```

```
--R
         9acde + 3acd
--R
--R
         +----+
--R
         \exists x + d
--R
--R
         ROOT
                    10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                 - 32a e - 224a c d e - 672a c d e - 1120a c d e
--R
                      6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
                 - 1120a c d e - 672a c d e - 224a c d e - 32a c d
--R
                ROOT
--R
                          6 3 18 5 4 2 16
--R
--R
                     - 2401a c e   + 82026a c d e   - 780831a c d e
--R
--R
                            3 6 6 12
                                     2 7 8 10
--R
                     1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
                          9 12 6
--R
                     - 11025c d e
--R
--R
                        17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
                     1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
                         14 3 6 22 13 4 8 20
--R
--R
                     372736a cde + 1025024a cde
--R
--R
                           12 5 10 18 11 6 12 16
--R
                     2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
                          10 7 14 14 9 8 16 12
--R
--R
                     3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
                          8 9 18 10
--R
                                          7 10 20 8
                     2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
--R
                          6 11 22 6 5 12 24 4
                                                     4 13 26 2
--R
                     372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
                        3 14 28
                     1024a c d
--R
--R.
--R
                   4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2 6 9
--R
              - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e - 4c d
--R
--R
                10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
              16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R
                6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
```

```
--R
               560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
--R
         log
                         12 18 11 3 16 10 2 5 14
--R
--R
                   - 3328a d e - 21248a c d e - 55296a c d e
--R
                          9 3 7 12 8 4 9 10 7 5 11 8
--R
--R
                   - 71680a c d e - 39424a c d e + 10752a c d e
--R
                      6 6 13 6 5 7 15 4 4 8 17 2 3 9 19
--R
--R
                  28672a c d e + 16384a c d e + 3840a c d e + 256a c d
--R
                  ROOT
--R
                             6 3 18 5 4 2 16
--R
--R
                       - 2401a c e   + 82026a c d e   - 780831a c d e
--R
--R
                              3 6 6 12
                                        2 7 8 10
--R
                       1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
                             9 12 6
--R
                       - 11025c d e
--R
--R
                          17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
                       1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
                           14 3 6 22 13 4 8 20
--R
--R
                       372736a cde + 1025024a cde
--R
                             12 5 10 18 11 6 12 16
--R
--R
                       2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
                             10 7 14 14 9 8 16 12
--R
--R
                       3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
                            8 9 18 10
--R
                                            7 10 20 8
--R
                       2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
                            6 11 22 6 5 12 24 4
                                                        4 13 26 2
                       372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
--R
                          3 14 28
                       1024a c d
--R
--R
--R
                      7 14 6 2 2 12 5 3 4 10
                - 1372a c e + 30100a c d e - 136568a c d e
--R
--R
                     4 4 6 8 3 5 8 6 2 6 10 4
--R
--R
                105096a c d e + 17556a c d e + 420a c d e
--R
--R
               ROOT
```

```
10 14 9 2 12 8 2 4 10
--R
--R
                      - 32a e - 224a c d e - 672a c d e
--R
--R
                            7 3 6 8 6 4 8 6 5 5 10 4
--R
                       - 1120a c d e - 1120a c d e - 672a c d e
--R
                          4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
                       - 224a c d e - 32a c d
--R
--R
                     ROOT
--R
                              6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
                          - 2401a c e + 82026a c d e - 780831a c d e
--R
--R
--R
                                3 6 6 12
                                          2 7 8 10
--R
                          1360716a c d e - 494991a c d e
--R
--R
                                  8 10 8 9 12 6
--R
                          - 171990a c d e - 11025c d e
--R
                             17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
--R
                          1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
                               14 3 6 22 13 4 8 20
--R
                          372736a cde + 1025024a cde
--R
                               12 5 10 18 11 6 12 16
--R
--R
                          2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                                10 7 14 14 9 8 16 12
--R
                          3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
                               8 9 18 10 7 10 20 8
--R
--R
                           2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                               6 11 22 6 5 12 24 4
--R
--R
                          372736a c d e + 93184a c d e
--R
--R
                              4 13 26 2 3 14 28
                           14336a c d e + 1024a c d
--R
--R
                        4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2
--R
                    - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e
--R
--R.
--R
                     6 9
--R
                   - 4c d
--R
                     10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                   16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R
                     6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
```

```
--R
                   560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
--R
                   4 2 11 3 3 2 9 2 4 4 7 5 6 5
--R
                2401a c e - 40817a c d e + 36783a c d e + 8421a c d e
--R
--R
                   6 8 3
--R
               420c d e
--R
               +----+
--R
--R
              \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
              4 7 3 2 2 5 2 3 4 3 4 6 3
--R
          (- 3a c e - 9a c d e - 9a c d e - 3a c d e) x
--R
--R
--R
                6 3 2 3 4 2 3 5 2 4 7 2
--R
          (-3acde -9acde -9acde -3acd)x
--R
--R
             57 4 25 3243 236 5 6 4 34
--R
         (-3ae -9acde -9acde -3acde)x -3ade -9acde
--R
--R
            3 2 5 2 2 3 7
--R
         - 9acde - 3acd
--R
         +----+
--R
--R
         \leq x + d
--R
--R
         ROOT
--R
                  10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
                 32a e + 224a c d e + 672a c d e + 1120a c d e
--R
                     6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
                 1120a c d e + 672a c d e + 224a c d e + 32a c d
--R
--R
                ROOT
                          6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
                    - 2401a c e   + 82026a c d e   - 780831a c d e
--R
--R
                           3 6 6 12 2 7 8 10
--R
                     1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
--R
                           9 12 6
                     - 11025c d e
--R
--R
--R
                        17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
                     1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
                         14 3 6 22 13 4 8 20
--R
--R
                     372736a cde + 1025024a cde
--R
--R
                           12 5 10 18 11 6 12 16
```

```
2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                           10 7 14 14 9 8 16 12
--R
--R
                     3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
                           8 9 18 10
--R
                                          7 10 20 8
--R
                     2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                          6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
--R
--R
                     372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
                        3 14 28
--R
                     1024a c d
--R
                   4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2 6 9
--R
--R
              - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e - 4c d
--R.
                10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
              16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R
                6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2
--R
              560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
--R
         log
--R
                       12 18 11 3 16 10 2 5 14
--R
                   - 3328a d e - 21248a c d e - 55296a c d e
--R
--R
                         9 3 7 12 8 4 9 10 7 5 11 8
--R
                   - 71680a c d e - 39424a c d e + 10752a c d e
--R
                      6 6 13 6 5 7 15 4 4 8 17 2 3 9 19
--R
--R
                  28672a c d e + 16384a c d e + 3840a c d e + 256a c d
--R
--R
                  ROOT
                            6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
                      - 2401a c e   + 82026a c d e   - 780831a c d e
--R
--R
                             3 6 6 12 2 7 8 10
--R
                       1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
--R
                             9 12 6
                       - 11025c d e
--R
--R
--R
                          17 28 16 2 26 15 2 4 24
                       1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
--R
                           14 3 6 22 13 4 8 20
--R
                       372736a cde + 1025024a cde
--R
--R.
                             12 5 10 18 11 6 12 16
```

```
2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                             10 7 14 14 9 8 16 12
--R
--R
                       3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
                             8 9 18 10
--R
                                            7 10 20 8
--R
                       2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                           6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
--R
--R
                       372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
                          3 14 28
--R
                       1024a c d
--R
                   7 14 6 2 2 12 5 3 4 10
--R
--R
                1372a c e - 30100a c d e + 136568a c d e
--R
--R
                      4 4 6 8 3 5 8 6 2 6 10 4
--R
                - 105096a c d e - 17556a c d e - 420a c d e
--R
--R
               ROOT
--R
                        10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
                      32a e + 224a c d e + 672a c d e + 1120a c d e
--R
--R
                        6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
                      1120a c d e + 672a c d e + 224a c d e + 32a c d
--R
--R
--R
                      ROOT
                                6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
--R
                           - 2401a c e + 82026a c d e - 780831a c d e
--R
                                 3 6 6 12 2 7 8 10
--R
--R
                          1360716a c d e - 494991a c d e
--R
--R
                                   8 10 8
                          - 171990a c d e - 11025c d e
--R
--R
                              17 28 16 2 26
--R
                                                       15 2 4 24
--R
                           1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
                                14 3 6 22 13 4 8 20
                           372736a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
--R
                                 12 5 10 18
                                             11 6 12 16
--R
                           2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
                                10 7 14 14 9 8 16 12
--R
--R
                           3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R.
                                8 9 18 10 7 10 20 8
```

```
--R
                            2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                                 6 11 22 6 5 12 24 4
--R
--R
                            372736a c d e + 93184a c d e
--R.
--R
                                 4 13 26 2
                                            3 14 28
--R
                            14336a c d e + 1024a c d
--R
                         4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2
--R
                     - 315a c d e \, + 1155a c d e \, - 189a c d e \, - 63a c d e
--R.
--R
                       6 9
--R
--R
                    - 4c d
--R
                      10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
                    16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R
--R
                       6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2
                                                         3 7 14
--R
                     560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
--R
                             3 3 2 9 2 4 4 7 5 6 5
                2401a c e - 40817a c d e + 36783a c d e + 8421a c d e
--R
--R
--R
                  683
--R
                420c d e
--R
--R
                +----+
--R
               \leq x + d
--R
--R
              2 4 3 3 2 3 2 5 2 2 3 3 4 2
        (- 57a c d e + 3c d e )x + (- 7a c e - 61a c d e + 6c d e)x
--R
--R
                                      3 5 2 2 3 2 4
--R
                4 232 35
--R
        (-54acde + 9acde + 3cd)x - 4ae - 55acde + 9acde
--R /
           4 7 3 2 2 5 2 3 4 3 4 6 3
--R
--R
         (6a c e + 18a c d e + 18a c d e + 6a c d e)x
--R
               6
--R
                    3 2 3 4
                               2 3 5 2
                                         472
--R
         (6a c d e + 18a c d e + 18a c d e + 6a c d ) x
--R
--R
           57 4 2 5 3 2 4 3 2 3 6 5 6
                                                         4 3 4
--R
         (6a e + 18a c d e + 18a c d e + 6a c d e)x + 6a d e + 18a c d e
--R
--R
          3 2 5 2 2 3 7
--R
        18acde + 6acd
--R
        +----+
--R
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
```

```
--E 518
--S 519 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6 +---+
--R
--R
         (2a e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d )\|- a
--R
--R
         ROOT
--R
                   10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
                 32a e + 224a c d e + 672a c d e + 1120a c d e
--R
--R
                     6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
                 1120a c d e + 672a c d e + 224a c d e + 32a c d
--R.
--R
                ROOT
--R
                          6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
                     - 2401a c e + 82026a c d e - 780831a c d e
--R
--R
                           3 6 6 12 2 7 8 10 8 10 8
--R
                     1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
                           9 12 6
--R
                     - 11025c d e
--R
--R
                        17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
                     1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
                          14 3 6 22 13 4 8 20
--R
                     372736a cde + 1025024a cde
--R
--R
                           12 5 10 18 11 6 12 16
--R
--R
                     2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                          10 7 14 14
                                       9 8 16 12
--R
                     3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                           8 9 18 10
                                           7 10 20 8
--R
                     2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
                          6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
--R
                     372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
                         3 14 28
--R
                     1024a c d
--R
                   4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2 6 9
--R
               - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e - 4c d
--R
```

```
--R
               10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
             16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R
               6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
              560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
--R
         +----+
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
        --R
--R
--R
        log
                    12 18 11 3 16 10 2 5 14
--R
--R
                  3328a de + 21248a c de + 55296a c de
--R
--R
                     9 3 7 12 8 4 9 10 7 5 11 8
--R
                  71680a c d e + 39424a c d e - 10752a c d e
--R
--R
                       6 6 13 6 5 7 15 4 4 8 17 2
--R
                  -28672a c d e -16384a c d e -3840a c d e
--R
--R
                     3 9 19
--R
                  - 256a c d
--R
--R
                 ROOT
                       6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
--R
                      - 2401a c e + 82026a c d e - 780831a c d e
--R
--R
                           3 6 6 12 2 7 8 10
--R
                      1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
                           9 12 6
--R
                      - 11025c d e
--R
                        17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
                      1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
                          14 3 6 22 13 4 8 20
--R
                      372736a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
--R
                           12 5 10 18
                                      11 6 12 16
                      2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
--R
                           10 7 14 14
                                          9 8 16 12
--R
                      3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
                          8 9 18 10 7 10 20 8
--R
--R
                      2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
                           6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
```

```
--R
                       372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
                          3 14 28
--R
                       1024a c d
--R
                     7 14 6 2 2 12 5 3 4 10
--R
--R
                - 1372a c e + 30100a c d e - 136568a c d e
--R
                     4 4 6 8 3 5 8 6
--R
                                           2 6 10 4
--R
                105096a c d e + 17556a c d e + 420a c d e
--R
--R
              ROOT
                        10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                       32a e + 224a c d e + 672a c d e + 1120a c d e
--R
--R
                        6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
                      1120a c d e + 672a c d e + 224a c d e + 32a c d
--R
--R
                      ROOT
                               6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
--R
                          - 2401a c e   + 82026a c d e   - 780831a c d e
--R
--R
                                3 6 6 12 2 7 8 10
--R
                          1360716a c d e - 494991a c d e
--R
                               8 10 8 9 12 6
--R
--R
                          - 171990a c d e - 11025c d e
--R
                              17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
--R
                          1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
                               14 3 6 22 13 4 8 20
--R
--R
                          372736a c d e + 1025024a c d e
--R
                                12 5 10 18 11 6 12 16
--R
                           2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                                10 7 14 14
--R
                                                9 8 16 12
                           3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
--R
                                8 9 18 10 7 10 20 8
                           2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
--R
                               6 11 22 6 5 12 24 4
--R
                           372736a c d e + 93184a c d e
--R
                              4 13 26 2 3 14 28
--R
                           14336a c d e + 1024a c d
--R
--R
                         4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2
--R
```

```
--R
                    - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e
--R
--R
                      6 9
--R
                   - 4c d
--R
                      10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                   16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
                      6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
                    560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
                   4 2 11 3 3 2 9 2 4 4 7
--R
                2401a c e - 40817a c d e + 36783a c d e + 8421a c d e
--R
--R
                   683
--R
--R
                420c d e
--R
--R
               +----+
--R
               \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
            4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6 +---+
--R
         (- 2a e - 6a c d e - 6a c d e - 2a c d )\|- a
--R
--R
         ROOT
--R
                    10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
                 - 32a e - 224a c d e - 672a c d e - 1120a c d e
--R
--R
--R
                       6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
                  - 1120a c d e - 672a c d e - 224a c d e - 32a c d
--R
--R
--R
                ROOT
                          6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
--R
                     - 2401a c e + 82026a c d e - 780831a c d e
--R
                           3 6 6 12 2 7 8 10 8 10 8
--R
                     1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
--R
                           9 12 6
                     - 11025c d e
--R
--R
                         17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
                     1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
--R
                          14 3 6 22
                                      13 4 8 20
--R
                     372736a cde + 1025024a cde
--R
                           12 5 10 18 11 6 12 16
--R
--R
                      2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                            10 7 14 14 9 8 16 12
```

```
3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                           8 9 18 10 7 10 20 8
--R
--R
                      2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                           6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
--R
--R
                     372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
                         3 14 28
--R
                      1024a c d
--R
                   4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2 6 9
--R
               - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e - 4c d
--R
--R
                10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
              16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R.
--R
                6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
               560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
--R
          +----+
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
         log
                      12 18 11 3 16 10 2 5 14
--R
--R
                   3328a de + 21248a cde + 55296a cde
--R
                        9 3 7 12 8 4 9 10 7 5 11 8
--R
--R
                   71680a c d e + 39424a c d e - 10752a c d e
--R
                        6 6 13 6 5 7 15 4 4 8 17 2
--R
--R
                   - 28672a c d e - 16384a c d e - 3840a c d e
--R
--R
                       3 9 19
--R
                   - 256a c d
--R
--R
                  ROOT
                            6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
--R
                       - 2401a c e + 82026a c d e - 780831a c d e
--R
                             3 6 6 12
                                       2 7 8 10
--R
                                                      8 10 8
--R
                       1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
                             9 12 6
                       - 11025c d e
--R
--R
                          17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
                      1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
```

```
14 3 6 22 13 4 8 20
--R
--R
                       372736a c d e + 1025024a c d e
--R
                             12 5 10 18 11 6 12 16
--R
                       2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                             10 7 14 14 9 8 16 12
--R
--R
                       3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                            8 9 18 10
                                           7 10 20 8
--R
                       2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                            6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
--R
                       372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
--R
                          3 14 28
                       1024a c d
--R
--R
                   7 14 6 2 2 12 5 3 4 10
--R
--R
               1372a c e - 30100a c d e + 136568a c d e
--R
--R
                      4 4 6 8 3 5 8 6 2 6 10 4
--R
                - 105096a c d e - 17556a c d e - 420a c d e
--R
--R
               ROOT
                         10 14 9 2 12 8 2 4 10
--R
--R
                       - 32a e - 224a c d e - 672a c d e
--R
--R
                            7 3 6 8 6 4 8 6 5 5 10 4
--R
                       - 1120a c d e - 1120a c d e - 672a c d e
--R
                            4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
                       - 224a c d e - 32a c d
--R
--R
                      ROOT
                               6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
--R
                           - 2401a c e   + 82026a c d e   - 780831a c d e
--R
                                 3 6 6 12 2 7 8 10
--R
--R
                           1360716a c d e - 494991a c d e
--R
--R
                                   8 10 8 9 12 6
--R
                           - 171990a c d e - 11025c d e
--R
                              17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
--R
                           1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
                               14 3 6 22 13 4 8 20
                          372736a cde + 1025024a cde
--R
--R
```

```
12 5 10 18 11 6 12 16
--R
                            2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
--R
                                  10 7 14 14
                                                 9 8 16 12
                            3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                                 8 9 18 10
--R
                                                7 10 20 8
--R
                            2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                                6 11 22 6
--R
                                              5 12 24 4
--R
                            372736a c d e + 93184a c d e
--R
--R
                                4 13 26 2 3 14 28
--R
                           14336a c d e + 1024a c d
--R
--R
                         4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2
--R
                    - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e
--R
--R
                      6 9
--R
                    - 4c d
--R
                     10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                    16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R
                      6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
                    560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
--R
                    4 2 11 3 3 2 9 2 4 4 7 5 6 5
--R
--R
                2401a c e - 40817a c d e + 36783a c d e + 8421a c d e
--R
--R
                    6 8 3
--R
                420c d e
--R
--R
               +----+
--R
               \label{eq:lemma_def} \
--R
           4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6 +---+
--R
--R
         (2a e + 6a c d e + 6a c d e + 2a c d )\|- a
--R
--R
         ROOT
                     10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
                  - 32a e - 224a c d e - 672a c d e - 1120a c d e
--R
--R
--R
                       6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
                 - 1120acde - 672acde - 224acde - 32acd
--R
--R
                ROOT
                          6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
                     - 2401a c e   + 82026a c d e   - 780831a c d e
--R
--R
```

```
3 6 6 12 2 7 8 10 8 10 8
--R
                     1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
--R
                            9 12 6
                     - 11025c d e
--R
--R
                        17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
--R
                     1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
                          14 3 6 22 13 4 8 20
--R
--R
                     372736a cde + 1025024a cde
--R
                           12 5 10 18 11 6 12 16
--R
--R
                     2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                           10 7 14 14
                                       9 8 16 12
--R
                     3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                          8 9 18 10
                                          7 10 20 8
--R
                     2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                         6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
--R
                     372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
--R
                         3 14 28
--R
                     1024a c d
--R
                   4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2 6 9
--R
--R
              - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e - 4c d
--R
                10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
              16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R
                6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
              560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
--R
          +----+
--R
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
         \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R
         log
--R
                       12 18 11 3 16 10 2 5 14
--R.
                   - 3328a de - 21248a cde - 55296a cde
--R
                        9 3 7 12 8 4 9 10 7 5 11 8
--R
--R
                   - 71680a c d e - 39424a c d e + 10752a c d e
--R
--R
                     6 6 13 6 5 7 15 4 4 8 17 2 3 9 19
                  28672a c d e + 16384a c d e + 3840a c d e + 256a c d
--R
--R
```

```
--R
                  ROOT
                           6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
--R
                       - 2401a c e + 82026a c d e - 780831a c d e
--R
--R
                             3 6 6 12 2 7 8 10 8 10 8
--R
                       1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
                             9 12 6
                      - 11025c d e
--R
--R
--R
                          17 28 16 2 26 15 2 4 24
                       1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
--R
                           14 3 6 22
                                        13 4 8 20
--R
                       372736a cde + 1025024a cde
--R
--R
                            12 5 10 18
                                             11 6 12 16
                       2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
--R
                            10 7 14 14 9 8 16 12
--R
                       3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                            8 9 18 10 7 10 20 8
--R
                       2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                           6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
--R
--R
                       372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
                           3 14 28
--R
                       1024a c d
--R
                      7 14 6 2 2 12 5 3 4 10
--R
--R
                - 1372a c e + 30100a c d e - 136568a c d e
--R
                     4 4 6 8 3 5 8 6 2 6 10 4
--R
                105096a c d e + 17556a c d e + 420a c d e
--R
--R
--R
               ROOT
                          10 14 9 2 12 8 2 4 10
--R
--R
                       - 32a e - 224a c d e - 672a c d e
--R
--R
                            7 3 6 8 6 4 8 6 5 5 10 4
--R
                       - 1120a c d e - 1120a c d e - 672a c d e
--R
--R
                           4 6 12 2 3 7 14
--R
                       - 224a c d e - 32a c d
--R
--R
                     ROOT
                               6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
--R
                           -2401a c e +82026a c d e -780831a c d e
```

```
--R
                            3 6 6 12 2 7 8 10
--R
--R
                          1360716a c d e - 494991a c d e
--R
                                  8 10 8 9 12 6
--R
--R
                          - 171990a c d e - 11025c d e
--R
                              17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
                          1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
--R
                               14 3 6 22 13 4 8 20
                          372736a cde + 1025024a cde
--R
--R
--R
                                12 5 10 18
                                            11 6 12 16
                           2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
--R
                                10 7 14 14
                                                9 8 16 12
                          3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                               8 9 18 10 7 10 20 8
--R
--R
                           2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
                               6 11 22 6 5 12 24 4
--R
                          372736a c d e + 93184a c d e
--R
                              4 13 26 2 3 14 28
--R
--R
                           14336a c d e + 1024a c d
--R
                        4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2
--R
--R
                    - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e
--R
--R
                      6 9
--R
                   - 4c d
--R
                     10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
                   16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R
                     6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
                   560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
                   4 2 11 3 3 2 9 2 4 4 7 5 6 5
--R
                2401a c e - 40817a c d e + 36783a c d e + 8421a c d e
--R
--R
--R
                 683
--R
               420c d e
--R
               +----+
--R
--R
              \leq x + d
--R
             4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6 +---+
--R
```

```
--R
        (- 2a e - 6a c d e - 6a c d e - 2a c d )\|- a
--R
--R
         ROOT
                   10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                 32a e + 224a c d e + 672a c d e + 1120a c d e
--R
                     6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
                 1120a c d e + 672a c d e + 224a c d e + 32a c d
--R
--R
                ROOT
--R
                         6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
                     - 2401a c e + 82026a c d e - 780831a c d e
--R
--R
--R
                           3 6 6 12 2 7 8 10
                     1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
--R
                          9 12 6
                     - 11025c d e
--R
--R
                        17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
--R
                     1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
                         14 3 6 22 13 4 8 20
--R
                     372736a cde + 1025024a cde
--R
                          12 5 10 18 11 6 12 16
--R
--R
                     2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                          10 7 14 14 9 8 16 12
--R
                     3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
                          8 9 18 10 7 10 20 8
--R
--R
                     2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                          6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
--R
--R
                     372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
                        3 14 28
--R
                     1024a c d
--R
                   4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2 6 9
--R
              - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e - 4c d
--R
--R.
                10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
              16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R
                 6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
              560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
--R
         +----+
```

```
| +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         --R
--R
         log
--R
                     12 18 11 3 16 10 2 5 14
--R
                  - 3328a d e - 21248a c d e - 55296a c d e
--R
                         9 3 7 12 8 4 9 10
--R
                  - 71680a c d e - 39424a c d e + 10752a c d e
--R
--R
--R
                     6 6 13 6 5 7 15 4 4 8 17 2 3 9 19
--R
                 28672a c d e + 16384a c d e + 3840a c d e + 256a c d
--R
--R
                 ROOT
--R
                          6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
                      - 2401a c e   + 82026a c d e   - 780831a c d e
--R
--R
                            3 6 6 12 2 7 8 10
                                                    8 10 8
--R
                      1360716a c d e - 494991a c d e - 171990a c d e
--R
--R
                           9 12 6
                     - 11025c d e
--R
--R
                         17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
--R
                      1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
                                    13 4 8 20
--R
                          14 3 6 22
--R
                      372736a c d e + 1025024a c d e
--R
                            12 5 10 18 11 6 12 16
--R
                      2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
--R
                            10 7 14 14
--R
                      3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
                           8 9 18 10
--R
                                           7 10 20 8
--R
                      2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
                          6 11 22 6 5 12 24 4 4 13 26 2
--R
--R
                      372736a c d e + 93184a c d e + 14336a c d e
--R
--R
                         3 14 28
--R
                      1024a c d
--R
                   7 14 6 2 2 12 5 3 4 10
--R
--R
               1372a c e - 30100a c d e + 136568a c d e
--R
--R
                     4 4 6 8 3 5 8 6
                - 105096a c d e - 17556a c d e - 420a c d e
--R
--R
```

```
--R
               ROOT
                         10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
--R
                       32a e + 224a c d e + 672a c d e + 1120a c d e
--R
                         6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
--R
--R
                      1120a c d e + 672a c d e + 224a c d e + 32a c d
--R
--R
                      ROOT
                                6 3 18 5 4 2 16 4 5 4 14
--R
                           - 2401a c e   + 82026a c d e   - 780831a c d e
--R
--R
                                           2 7 8 10
--R
                                 3 6 6 12
                           1360716a c d e - 494991a c d e
--R
--R
                                   8 10 8
--R
                                               9 12 6
--R
                           - 171990a c d e - 11025c d e
--R
--R
                              17 28 16 2 26 15 2 4 24
--R
                          1024a e + 14336a c d e + 93184a c d e
--R
--R
                                14 3 6 22
                                           13 4 8 20
                           372736a cde + 1025024a cde
--R
--R
--R
                                12 5 10 18 11 6 12 16
--R
                           2050048a c d e + 3075072a c d e
--R
--R
                                 10 7 14 14
--R
                           3514368a c d e + 3075072a c d e
--R
                                 8 9 18 10 7 10 20 8
--R
                           2050048a c d e + 1025024a c d e
--R
--R
--R
                                6 11 22 6
                                              5 12 24 4
--R
                           372736a c d e + 93184a c d e
--R
                               4 13 26 2 3 14 28
--R
                           14336a \ c \ d \ e \ + 1024a \ c \ d
--R
--R
                        4 2 8 3 3 3 6 2 4 5 4 5 7 2
--R
--R
                    - 315a c d e + 1155a c d e - 189a c d e - 63a c d e
--R
--R
                      6 9
--R
                    - 4c d
--R
                     10 14 9 2 12 8 2 4 10 7 3 6 8
--R
                    16a e + 112a c d e + 336a c d e + 560a c d e
--R
--R
--R
                      6 4 8 6 5 5 10 4 4 6 12 2 3 7 14
                    560a c d e + 336a c d e + 112a c d e + 16a c d
--R
--R
```

```
4 2 11 3 3 2 9 2 4 4 7 5 6 5
--R
                                                                                      2401a c e -40817a c d e +36783a c d e +8421a c d e
--R
 --R
--R
                                                                                                        6 8 3
--R
                                                                                   420c d e
--R
--R
                                                                                 +----+
--R
                                                                             \ensuremath{\mbox{le x + d}}
--R
                                                                                         3 3 +---+ +-+ 2 4 2 2 2 4 4+-+3
--R
--R
                                             ((-19ade + cde)|-a|c + 7ae - 15acde - 2cd)|c
--R
                                                                                                                                                           4+-+ +----+
                                                     +----+
--R
                                                     | +-+ +---+
--R
                                                                                                                                                            \c \cdot \c \cdot \c x + d
                                                 \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                        +----+
--R
                                                                                                                                                        | +-+ +---+
--R
                                                                                                                                                      --R
                                                                                        3 3 +---+ +-+ 2 4 2 2 2 4 4+-+3
--R
--R
                                                 ((-19a d e + c d e) | -a | c - 7a e + 15a c d e + 2c d) | c
--R
--R
                                                                                                                                                            4+-+ +----+
--R
                                                  | +-+ +---+
                                                                                                                                                            --R
                                                 \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
                                                                                                                                                          +----+
--R
                                                                                                                                                         | +-+ +---+
--R
--R
                                                                                                                                                      \left| d\right| c + e\right| - a
--R /
--R
                                                  4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6 +---+ | +-+ +---+
--R
--R
                                          (4a e + 12a c d e + 12a c d e + 4a c d) = a | d = c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c d | c 
--R
                                          +----+
--R
--R
                                          | +-+ +---+
                                         \label{eq:local_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_cont
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 519
--S 520 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 520
)clear all
--S 521 of 1581
```

```
t0:=(d+e*x)^(7/2)/(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R
                2 2 2 3 +----+
           3 3
--R
         (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
     (1) -----
             3 6 2 4 2 2 3
--R
--R
              cx + 3acx + 3acx + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 521
--S 522 of 1581
r0:=-1/4*(a*e-c*d*x)*(d+e*x)^(5/2)/(a*c*(a+c*x^2)^2)-1/16*(d+e*x)^(3/2)*_
    (a*d*e-(6*c*d^2+5*a*e^2)*x)/(a^2*c*(a+c*x^2))-1/16*e*(6*c*d^2+_
    5*a*e^2)*sqrt(d+e*x)/(a^2*c^2)-1/32*atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
    sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(a*(3*c*d^2+a*e^2)*(4*c*d^2+_
    5*a*e^2)/(-a)^(3/2)+2*d*e*(3*c*d^2+4*a*e^2)*sqrt(c))/(a^2*_
    c^{(9/4)}*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))-1/32*atanh(c^{(1/4)}*_
    \sqrt{(d+e*x)/\sqrt{(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))}}*((3*c*d^2+a*e^2)*_
    (4*c*d^2+5*a*e^2)/sqrt(-a)+2*d*e*(3*c*d^2+4*a*e^2)*sqrt(c))/_
    (a^2*c^(9/4)*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R
--R
--R
     (2)
                     2 3 3 3 4 2 3 2 3 3
--R
               (-8acde -6cde)x + (-16acde -12acde)x -8ade
--R
--R
--R
                  2 3
--R
               - 6a c d e
--R.
--R
              +---+ +-+
--R
             \|- a \|c
--R
              2 2 4
--R
                       3 2 2
                                 444
--R
            (5a c e + 19a c d e + 12c d)x
--R
                                   3 4 2 4 4 3 2 2
--R.
               3 4
                       2 2 2 2
--R
            (10a c e + 38a c d e + 24a c d )x + 5a e + 19a c d e + 12a c d
--R
--R
           +----+
                                4+-+ +----+
--R
           | +-+ +---+
                                \c \cdot | c \cdot | e x + d
--R
          \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
--R.
                               +----+
--R.
                               | +-+ +---+
--R.
                              \d \c - e = a
--R
--R
                     2 3 3 3 4
                                         2 3
                                                      232
--R
               (-8a c d e - 6c d e)x + (-16a c d e - 12a c d e)x - 8a d e
--R
--R
                  2 3
```

```
--R
             - 6a c d e
--R
--R
             +---+ +-+
--R
             \|- a \|c
--R
              2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
          (-5ace -19acde -12cd)x
--R
              3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2 2 2 4
--R
         (- 10a c e - 38a c d e - 24a c d )x - 5a e - 19a c d e - 12a c d
--R
--R
          +----+
                              4+-+ +----+
--R
          | +-+ +---+
--R
                              \c \cdot | c \cdot | e x + d
         \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
--R
--R
                             | +-+ +---+
--R
                             \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \
--R
               2 2 3 3 3 2 3 2 2 2
--R
          (16a c d e + 12c d )x + (- 18a c e + 2a c d e)x
--R
--R
--R
               2 2 2 3 3 3 2 2
--R
           (-8a c d e + 20a c d)x - 10a e - 22a c d e
--R
--R
                          +----+
         +---+4+-+ +------+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         --R /
--R
           2 4 4 3 3 2 4 2 +---+4+-+ | +-+ +---+
--R
--R
        (32a c x + 64a c x + 32a c) = a | c | d | c - e | - a
--R
--R
        +----+
        | +-+ +---+
--R
--R
        \left| d\right| c + e\right| - a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 522
--S 523 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R.
            2 4 4 3 3 2 4 2
--R
         (-8acx -16acx -8ac)
--R
--R
         ROOT
--R
                      2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                   5\ 4\ | -\ 625a\ e\ -\ 1050a\ c\ d\ e\ -\ 441c\ d\ e 3 6
```

```
--R
             2048a c |-----
                                  ----- - 105a d e
                            5 9
--R
                  - 1
--R
                 \|
                            4194304a c
--R
             2 34 252 37
--R
--R
             - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
--R
           1024a c
--R
--R
        log
                   67 2 583
--R
                (851968a c d e + 786432a c d)
--R
--R
--R
--R
                | 2 14 2 12 2 4 10
--R
                --R
                1 5 9
--R
                    4194304a c
--R
               \ I
--R
                  5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6
--R
--R
              - 4000a c e - 8160a c d e - 4032a c d e
--R
--R
             ROOT
--R
                       | 2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                     5\ 4\ | -\ 625a\ e \ -\ 1050a\ c\ d\ e \ -\ 441c\ d\ e
--R
                  2048a c |-----
                       1 5 9
--R
                           4194304a c
--R
                      \1
--R
                     3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                 - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
                  54
               1024a c
--R
--R
                4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
              625a e + 6250a c d e + 13509a c d e + 10908a c d e
--R
--R
--R
                485
--R
              3024c d e
--R
             +----+
--R
--R
             \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
          2 4 4 3 3 2 4 2
--R
--R
        (8a c x + 16a c x + 8a c)
--R
```

```
--R
        ROOT
--R
                    | 2 14 2 12 2 4 10
--R
                  5 4 |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e 3 6
--R
             - 2048a c |----- - 105a d e
--R
                              5 9
--R
                    - 1
--R
                    \ I
                              4194304a c
--R
                2 3 4 2 5 2 3 7
--R
             - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
--R
              5 4
--R
            1024a c
--R
--R
        log
--R
                    6 7 2 5 8 3
--R
                (851968a c d e + 786432a c d)
--R
--R
                | 2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
                          5 9
--R
--R
                          4194304a c
                M
--R
                5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6
--R
--R
               4000a c e + 8160a c d e + 4032a c d e
--R
--R
             ROOT
--R
                          +----+
                         | 2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                       5 4 | - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
                  - 2048a c |-----
--R
--R
                         - 1
--R
                         \ |
                                   4194304a c
--R
                     3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                 - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
                   5 4
--R
                1024a c
--R
--R
                4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
               625a e + 6250a c d e + 13509a c d e + 10908a c d e
--R
--R
                 485
--R
               3024c d e
--R
              +----+
--R
--R
             \leq x + d
```

```
--R
--R
         2 4 4 3 3 2 4 2
--R
        (-8acx -16acx -8ac)
--R
--R
        ROOT
--R
                     +----+
                    | 2 14 2 12 2 4 10
--R
                  5 4 |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e 3 6
--R
             - 2048a c |----- - 105a d e
--R
                              5 9
--R
                    - 1
--R
                          4194304a c
                    \|
--R
                2 34
                           2 5 2 3 7
--R
             - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
--R
              5 4
--R
            1024a c
--R
--R
        log
                     672 583
--R
--R
                (-851968a c d e - 786432a c d)
--R
--R
                | 2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
                           5 9
--R
                -
--R
                \backslash I
                          4194304a c
--R
                  5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6
--R
--R
              - 4000a c e - 8160a c d e - 4032a c d e
--R
--R
             ROOT
--R
                         | 2 14 2 12 2 4 10
--R
                       5 4 | - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                  - 2048a c |-----
--R
                         --R
                         \backslash I
                                   4194304a c
--R
                     3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                  - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
                   5 4
--R
                1024a c
--R
                 4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
--R
              625a e + 6250a c d e + 13509a c d e + 10908a c d e
--R
--R
                  4 8 5
```

```
--R
             3024c d e
--R
--R
             +----+
--R
             \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
          2 4 4 3 3 2 4 2
--R
--R
        (8acx + 16acx + 8ac)
--R
--R
        ROOT
--R
--R
                   | 2 14 2 12 2 4 10
                 5 4 |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
             2048a c |----- - 105a d e
--R
--R
                   4194304a c
--R
                   \ I
--R
--R
                 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
             - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
              5 4
--R
            1024a c
--R
--R
        log
                   672 583
--R
--R
                (- 851968a c d e - 786432a c d )
--R
--R
                | 2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                --R
                           5 9
--R
                - 1
--R
                \|
                          4194304a c
--R
                 5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6
--R
--R
              4000a c e + 8160a c d e + 4032a c d e
--R
--R
             ROOT
--R
                        | 2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                     5 4 |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e
                  2048a c |-----
--R
--R
                        - 1
--R.
                       M
                                  4194304a c
--R
                     3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                  - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
--R
                   5 4
--R
                 1024a c
--R
```

```
4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
--R
               625a e + 6250a c d e + 13509a c d e + 10908a c d e
--R
--R
                   4 8 5
--R
               3024c d e
--R
--R
              +----+
--R
              \leq x + d
--R
              2 2 3 3 3 2 3 2 2 2
--R
--R
          (8acde + 6cd)x + (- 9ace + acde)x
--R
              2 2 2 3 3 3
--R
          (-4acde + 10acd)x - 5ae - 11acde
--R
--R
--R
--R
        \exists x + d
--R /
        2 4 4 3 3 2 4 2
--R
--R
      16a c x + 32a c x + 16a c
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 523
--S 524 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
             2 2 +---+4+-+
--R
           16a c \|- a \|c
--R
--R
           ROOT
--R
                      | 2 14 2 12 2 4 10
--R
                    5 4 |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                2048a c |-----
                      - [
--R
--R
                     \ I
                                 4194304a c
--R
                    3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R.
--R
                  5 4
--R
               1024a c
--R
            +----+
--R
            | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
           \d c - e = a \d c + e = a
--R
```

```
--R
           log
                       67 2 583
--R
--R
                   (851968a c d e + 786432a c d)
--R
--R
                    | 2 14 2 12 2 4 10
--R
                    |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
--R
                              4194304a c
--R
                   \backslash I
--R
                      5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6
--R
                  - 4000a c e - 8160a c d e - 4032a c d e
--R
--R
--R
                ROOT
--R
--R
                            | 2 14 2 12 2 4 10
                         5 4 |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                      2048a c |-----
                           1
--R
--R
                            \I
                                  4194304a c
--R
                         3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                      - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
                     5 4
--R
--R
                    1024a c
--R
                    4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
--R
                  625a e + 6250a c d e + 13509a c d e + 10908a c d e
--R
--R
                     4 8 5
--R
                  3024c d e
--R
--R
                 +----+
--R
                \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
--R
           2 2 +---+4+-+
--R
         16a c \|- a \|c
--R
--R
         ROOT
--R
--R
                      | 2 14 2 12 2 4 10
--R
                   5 4 |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
              - 2048a c |----- - 105a d e
                                  5 9
--R
                     - 1
--R
                      \backslash I
                                 4194304a c
--R
                  2 3 4 2 5 2 3 7
--R
              - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
```

```
5 4
--R
--R
--R
            1024a c
--R
--R
         +----+
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
        \d \c - e = a \d c + e = a
--R
--R
        log
                     67 2 583
--R
--R
                (851968a c d e + 786432a c d)
--R
--R
                 2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                 --R
--R
--R
                \ |
                          4194304a c
--R
                 5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6
--R
--R
               4000a c e + 8160a c d e + 4032a c d e
--R
--R
             ROOT
--R
                          2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                       5 4 | - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
                   - 2048a c |-----
--R
                          -
--R
                          \backslash I
                                   4194304a c
--R
                   3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                  - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
                   5 4
--R
                1024a c
--R
                 4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
--R
               625a e + 6250a c d e + 13509a c d e + 10908a c d e
--R
--R
                 4 8 5
--R
               3024c d e
--R
--R
              +----+
--R
             \ensuremath{\mbox{le x + d}}
--R
--R
            2 2 +---+4+-+
--R
--R
          16a c \|- a \|c
--R
--R
          ROOT
```

```
--R
                      | 2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                    5 4 | - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
               - 2048a c |-----
                           5 9
4194304a c
--R
                      --R
                      \backslash I
--R
                  3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
               - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
--R
                5 4
--R
              1024a c
--R
           +----+
--R
           | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
          \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
          log
                        6 7 2 5 8 3
--R
--R
                  (- 851968a c d e - 786432a c d )
--R
--R
                   | 2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                  |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e
                  |-----
--R
                          5 9
                   --R
                       4194304a c
--R
                  \I
--R
                     5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6
--R
--R
                 - 4000a c e - 8160a c d e - 4032a c d e
--R
--R
               ROOT
--R
                           2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                         5 4 | - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
                    - 2048a c |-----
--R
                            - 1
                                     4194304a c
--R
                            \ I
--R
                         3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                    - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
--R
                     5 4
                   1024a c
--R
--R
                   4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
--R
                 625a e + 6250a c d e + 13509a c d e + 10908a c d e
--R
--R
                   485
                 3024c d e
--R
```

```
--R
--R
--R
                \leq x + d
--R
--R
          2 2 +---+4+-+
--R
         16a c \|- a \|c
--R
--R
         ROOT
--R
                    1 2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                 5 4 |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e
              2048a c |----- - 105a d e
--R
--R
                    4194304a c
--R
                   \|
--R
--R
                 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
              -385a c d e -420a c d e -144c d
--R
--R
               5 4
--R
            1024a c
--R
--R
         +----+
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
         \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R
         log
                        6 7 2 5 8 3
--R
--R
                 (-851968a c d e - 786432a c d)
--R
--R
                 | 2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                 |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
--R
                 NΙ
                            4194304a c
--R
                  5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6
--R
--R
               4000a c e + 8160a c d e + 4032a c d e
--R
--R
              ROOT
--R
                          | 2 14 2 12 2 4 10
--R
--R.
                       5 4 |- 625a e - 1050a c d e - 441c d e
                   2048a c |-----
--R
                             5 9
--R
                         - 1
--R
                         \ |
                                    4194304a c
--R
                        3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                   - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
```

```
--R
                      5 4
--R
                   1024a c
--R
                    4 13 3 2 11 2 2 4 9
--R
--R
                 625a e + 6250a c d e + 13509a c d e + 10908a c d e
--R
--R
                     4 8 5
--R
                 3024c d e
--R
                +----+
--R
--R
               \leq x + d
--R
               3 3 +---+ +-+ 2 4 2 2 2 4
--R
         ((8a d e + 6c d e) | - a | c - 5a e - 19a c d e - 12c d)
--R
--R
--R
                              4+-+ +----+
--R
          | +-+ +---+
                              \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
--R
                              +----+
--R
                              | +-+ +---+
--R
--R
                             --R
--R
               3 3 +---+ +-+ 2 4 2 2 2 4
         ((8a d e + 6c d e) | - a | c + 5a e + 19a c d e + 12c d)
--R
--R
                              4+-+ +----+
--R
          | +-+ +---+
--R
                               --R
         \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
--R
                              | +-+ +---+
                             \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \
--R
--R /
                    +----+
--R
--R
       2 2 +---+4+-+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
      32a c \|- a \|c \|d\|c - e\|- a \|d\|c + e\|- a
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 524
--S 525 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 525
)clear all
--S 526 of 1581
t0:=(d+e*x)^(5/2)/(a+c*x^2)^3
```

```
--R
--R
--R
           2 2
                         2 +----+
--R
         (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
     (1) -----
           3 6
                    2 4
--R
                           2 2
--R
          cx + 3acx + 3acx + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 526
--S 527 of 1581
r0:=-1/4*(a*e-c*d*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a*c*(a+c*x^2)^2)-3/16*(a*d*e-_1)
    (2*c*d^2+a*e^2)*x)*sqrt(d+e*x)/(a^2*c*(a+c*x^2))-_
    3/32*atanh(c^{(1/4)}*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
    (2*c*d^2*e+a*e^3+a*d*(4*c*d^2+3*a*e^2)*sqrt(c)/(-a)^(3/2))/_
    (a^2*c^(7/4)*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))-3/32*atanh(c^(1/4)*_
    sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(2*c*d^2*e+a*e^3+d*_
    (4*c*d^2+3*a*e^2)*sqrt(c)/sqrt(-a))/(a^2*c^(7/4)*sqrt(e*sqrt(-a)+_
    d*sqrt(c)))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                    2 2 3 3 4 2 2
                                                      2 3 2 3 2
               (9a c d e + 12c d)x + (18a c d e + 24a c d)x + 9a d e
--R
--R
--R
                  2 3
--R
               12a c d
--R
--R
              +-+
--R.
              \|c
--R
--R
                      2 3
                            3 2 4 2 3
                                                     2 2 2
--R
                (-3a c e - 6c d e)x + (-6a c e - 12a c d e)x - 3a e
--R
--R
                   2 2
--R
               - 6a c d e
--R
              +---+
--R
              \|- a
--R
--R
--R
                                 4+-+ +----+
--R
           | +-+ +---+
                                 \c \cdot | c \cdot | e x + d
          \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
--R.
                                +----+
--R.
--R
                                         +---+
                                | +-+
--R
                               --R
--R
                               3 3 4
                                            2
                                                2
                                                          2 3 2 3 2
               (- 9a c d e - 12c d )x + (- 18a c d e - 24a c d )x - 9a d e
--R
--R
```

```
2 3
--R
--R
                                             - 12a c d
--R
--R
                                            +-+
--R
                                         \|c
--R
                                                              23 324 23 222 33
--R
--R
                                             (- 3a c e - 6c d e)x + (- 6a c e - 12a c d e)x - 3a e
--R
                                                     2 2
--R
--R
                                             - 6a c d e
--R
                                            +---+
--R
                                         \|- a
--R
--R
--R
                                                                                                   4+-+ +----+
--R
                                  | +-+ +---+
                                                                                                \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
                                                                                                +----+
--R
                                                                                                 | +-+ +---+
--R
--R
                                                                                              \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
                                                   2 2 2 3
                                                                                                                    2 2 2 2
--R
                               ((6a c e + 12c d )x + 2a c d e x + (- 2a e + 20a c d )x - 14a d e)
--R
                                                                                        +----+
--R
                               +---+4+-+3 +------- | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
                               --R /
--R
                                                                                                                                     +----+
                                    2 3 4 3 2 2 4 +---+4+-+3 | +-+ +---+
--R
--R
                          (32a c x + 64a c x + 32a c) = a | c | d | c - e | - a
--R
--R
                            +----+
--R
                           | +-+ +---+
                          \label{eq:local_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_continuous_cont
--R
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 527
--S 528 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            (3)
                                    2 3 4 3 2 2 4
--R
--R
                               (8a c x + 16a c x + 8a c)
--R
--R
--R
                                                      10
--R
```

```
| 5 3 | 81e 2 4 3 2 2 5 | 2048a c | ------ - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
--R
         5 7
--R
--R
              \| 4194304a c
--R
                            5 3
--R
        1
--R
        \ |
                            1024a c
--R
--R
        log
--R
                 6 5 2 5 6 2 | 81e
--R
--R
             ((65536a c e + 262144a c d) | - ---- + 576a c d e)
--R
                                  5 7
--R
--R
                                 \| 4194304a c
--R
--R
--R
              --R
--R
              |2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
              | | 57
--R
--R
              | \| 4194304a c
--R
                      5 3
--R
             -
--R
                                1024a c
             \ |
--R
             2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
--R
            (27a e + 324a c d e + 432c d e )\|e x + d
--R
            2 3 4 3 2 2 4
--R
--R
        (- 8a c x - 16a c x - 8a c)
--R
--R
         | +-----+
| 10
| 5 3 | 81e 2 4 3 2 2 5
--R
--R
--R
         |- 2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
           5 7
--R
            \| 4194304a c
--R
--R
--R
--R.
        \backslash I
                            1024a c
--R
--R
        log
--R
                                  +----+
                 | 10
6 5 2 5 6 2 | 81e 3 2 6
--R
--R
             ((65536a c e + 262144a c d) | - --- - 576a c d e)
--R
                                  5 7
--R
```

```
\| 4194304a c
--R
--R
--R
             | +-----+
| 10
| 5 3 | 81e 2 4 3 2 2 5
--R
--R
--R
--R
             |- 2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d
                    l 5 7
--R
                   \| 4194304a c
--R
--R
--R
                                1024a c
--R
            \backslash I
--R
               2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
--R
            (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
--R
          2 3 4 3 2 2 4
--R
        (8a c x + 16a c x + 8a c)
--R
--R
--R
         --R
--R
         |- 2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
                 5 7
--R
         | \| 4194304a c
--R
--R
                             5 3
--R
--R
                            1024a c
        \backslash I
--R
--R
        log
--R
                    10
6 5 2 5 6 2 | 81e 3 2 6
--R
--R
             ((- 65536a c e - 262144a c d ) |- ----- + 576a c d e ) | 5 7
--R
--R
--R
                                   \| 4194304a c
--R
--R
--R
             | 10
| 5 3 | 81e 2 4 3 2 2 5
--R
--R
--R
             |- 2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d
                    | 5 7
--R
--R
                  \| 4194304a c
--R
--R
--R
                                1024a c
            \ |
--R
              2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
```

```
--R
            (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
--R
            2 3 4 3 2 2 4
--R
         (- 8a c x - 16a c x - 8a c)
--R
--R
--R
--R
         5 3 | 81e 2 4 3 2 2 5
--R
--R
         |2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
               J 5 7
             \| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
         \backslash I
                             1024a c
--R
--R
        log
--R
                                      10
--R
                    6 5 2 5 6 2 | 81e
--R
              ((-65536a c e - 262144a c d) | ------ - 576a c d e)
--R
                                     l 5 7
--R
--R
                                     \| 4194304a c
--R
--R
              --R
--R
--R
              |2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d | 5 7
--R
--R
--R
                    \| 4194304a c
--R
--R
              1
                                      5 3
--R
              XI.
                                  1024a c
--R
              2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
--R
            (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
             2 2 2 3 2 2 2 2
--R
--R
         ((3a c e + 6c d )x + a c d e x + (- a e + 10a c d )x - 7a d e)
--R
--R
--R
        \leq x + d
--R /
        2 3 4 3 2 2 4
--R
--R
      16a c x + 32a c x + 16a c
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 528
--S 529 of 1581
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
         2 +---+4+-+3
--R
        16a c\|- a \|c
--R
--R
--R
         | 10
| 53 | 81e 24 32 25
--R
--R
         |2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
               5 7
--R
         | \| 4194304a c
--R
--R
--R
         --R
        \backslash I
                            1024a c
--R
--R
         +----+
        | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
        \d c - e = a \d c + e = a
--R
--R
        log
--R
                   | 10
6 5 2 5 6 2 | 81e 3 2 6
--R
--R
              ((65536a c e + 262144a c d ) |- ----- + 576a c d e ) | 5 7
--R
--R
--R
                                  \| 4194304a c
--R
--R
              | +-----+
| 10
| 5 3 | 81e 2 4 3 2 2 5
--R
--R
--R
               |2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d
                    5 7
--R
              | \| 4194304a c
--R
--R
--R
              --R
              NΙ
                                 1024a c
--R
              2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
--R
            (27a e + 324a c d e + 432c d e )\|e x + d
--R
--R
             2 +---+4+-+3
--R
--R
           16a c\|- a \|c
--R
--R
           | +----+
--R
```

```
| 10
| 5 3 | 81e 2 4 3 2 2 5
|- 2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
--R
--R
            5 7
--R
--R
                    \| 4194304a c
--R
                                5 3
--R
--R
                                  1024a c
            \backslash I
--R
--R
--R
            | +-+ +---+ | +-+ +---+
            \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
            log
--R
--R
                    6 5 2 5 6 2 | 81e
--R
--R
                                                       3 2 6
--R
                 ((65536a c e + 262144a c d) | - --- - 576a c d e)
                                        5 7
--R
--R
                                        \| 4194304a c
--R
--R
                 ROOT
--R
                             | 10
5 3 | 81e 2 4 3 2
--R
--R
                       - 2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e
--R
                              | 57
| 4194304a c
--R
--R
--R
                        2 5
--R
--R
                      - 144c d
--R
--R
                        5 3
--R
                    1024a c
--R
                   2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
--R
                (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
            2 +---+4+-+3
--R
--R
         16a c\|- a \|c
--R
--R
--R.
          | 10
| 5 3 | 81e 2 4 3 2 2 5
--R
--R
          |- 2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
          | | 57
--R
--R
          | \| 4194304a c
--R
--R
                                    5 3
```

```
NΙ
--R
                     1024a c
--R
--R
       +----+
       | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
      \d \c - e = a \d c + e = a
--R
--R
       log
                          +-----+
| 10
5 6 2 | 81e 3 2 6
--R
--R
                6 5 2
--R
--R
           ((- 65536a c e - 262144a c d ) |- ----- + 576a c d e )
                              1 5 7
--R
                              \| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
          --R
--R
--R
           | | 57
--R
           | \| 4194304a c
--R
--R
                  5 3
--R
          - 1
--R
          \backslash I
                           1024a c
--R
           2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
--R
          (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
--R
--R
          2 +---+4+-+3
--R
         16a c\|- a \|c
--R
--R
--R
         | 10
| 53| 81e 24 32 25
--R
--R
         |2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
               5 7
--R
            \| 4194304a c
--R
--R
--R
--R
         \backslash I
                          1024a c
--R
--R
         +----+
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
         --R
--R
         log
--R
--R
                                   10
--R
```

```
6 5 2 5 6 2 | 81e
--R
                                                                                                             (- 65536a c e - 262144a c d ) |- -----
 --R
                                                                                                                                                                                                                                            5 7
 --R
 --R
                                                                                                                                                                                                                                            \| 4194304a c
--R
                                                                                                                   3 2 6
--R
 --R
                                                                                                             - 576a c d e
 --R
 --R
 --R.
                                                                                                   | 10
5 3 | 81e 2 4 3 2
--R
 --R
                                                                                         |2048a c |- ----- - 45a d e - 180a c d e - 144c d
 --R
 --R
                                                                                                                              \| 4194304a c
 --R
 --R
--R
--R
                                                                                    \backslash I
                                                                                                                                                                                                          1024a c
--R
                                                                                                    2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
--R
                                                                                     (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
--R
--R
                                                                                            2 3 +-+ 3 2 +---+ | +-+ +---+
--R
                                                  ((- 9a d e - 12c d) | c + (3a e + 6c d e) | - a) | d | c + e | - a
--R
                                                                                   4+-+ +----+
--R
--R
                                                                                   \c \c \c \  \  
--R
                                                   atanh(-----)
--R
                                                                               | +-+ +---+
--R
--R
                                                                           \label{dlc} - e - a
--R
--R
                                                                               2 3 +-+ 3 2 +---+ | +-+ +---+
--R
                                                  ((9a d e + 12c d) | c + (3a e + 6c d e) | - a) | d | c - e | - a
--R
--R
--R
                                                                                   4+-+ +----+
--R
                                                                                   \c \c \c \  \  
                                                  atanh(-----)
--R
                                                                             +----+
 --R
                                                                              | +-+ +---+
--R
--R
                                                                           \label{eq:continuous} \label{continuous} \label{eq:continuous} \
--R /
                                                                                                    +----+
--R
                                              2 +---+4+-+3 | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
                                  32a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a c = a 
--R
                                                                                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 529
```

```
--S 530 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 530
)clear all
--S 531 of 1581
t0:=(d+e*x)^(3/2)/(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R
--R
             (e x + d) | e x + d
    (1) -----
--R
             2 4
                      2 2
--R.
         3 6
--R
         c x + 3a c x + 3a c x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 531
--S 532 of 1581
r0:=-1/4*(a*e-c*d*x)*sqrt(d+e*x)/(a*c*(a+c*x^2)^2)+1/16*(a*e+6*c*d*x)*_
    sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*((-4*c*d^2-a*e^2)/sqrt(-a)+2*d*e*_
    sqrt(c))/(a^2*c^(5/4)*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))-3/32*_
    atanh(c^{(1/4)}*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*((4*c*_
    d^2+a*e^2)/sqrt(-a)+2*d*e*sqrt(c))/(a^2*c^(5/4)*sqrt(e*_
    sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R
--R
--R
     (2)
                          2 2
--R
--R
           (-6cdex - 12acdex - 6ade) = a = c
--R
--R.
               2 2
                     3 2 4
                               2 2
                                           2 2 2
                                                    3 2
--R
           (3a c e + 12c d)x + (6a c e + 24a c d)x + 3a e + 12a c d
--R
--R
          +----+
                               4+-+ +----+
--R
           | +-+ +---+
                               \c \cdot \c \cdot \c x + d
         \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
--R
--R.
                              +----+
--R.
                              | +-+ +---+
--R
                             --R
--R
                                 2
                                     2 +---+ +-+
--R
           (-6c d e x - 12a c d e x - 6a d e) = a | c
--R
--R
                 2 2
                        3 2 4
                                    2 2
                                               2 2 2 3 2 2 2
```

```
--R
        (- 3a c e - 12c d )x + (- 6a c e - 24a c d )x - 3a e - 12a c d
--R
                       4+-+ +----+
--R
        +----+
        | +-+ +---+
--R
                        \c \e x + d
       \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
                        +----+
--R
                        | +-+ +---+
--R
--R
                       \left| d\right| c + e\right| - a
--R
                                2 +---+4+-+ +-----+
--R
--R
       (12c d x + 2a c e x + 20a c d x - 6a e)\|- a \|c \|e x + d
--R
        +----+
--R
        | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
       --R
--R /
--R
                               +----+
       2 3 4 3 2 2 4 +---+4+-+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
     --R
--R
                                    Type: Expression(Integer)
--E 532
--S 533 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
           2 3 4 3 2 2 4
--R
       (- 8a c x - 16a c x - 8a c)
--R
--R
       ROOT
                 6 2 2 5 3 2
--R
--R
              (2048a c e + 2048a c d)
--R
--R
--R
                          10
--R
                             81e
--R
                754 6622 574
--R
--R
              --R
               2 4
--R
                         3 2 2 5
--R.
            - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
             6 2 2 5 3 2
--R
--R
           1024a c e + 1024a c d
--R
--R
       log
                    7 4 4 6 5 3 2 5 6 5
--R
--R
               (196608a c d e + 458752a c d e + 262144a c d)
```

```
--R
--R
--R
--R
                                 81e
--R
                754 6622 574
--R
--R
                --R
                  4 8 3 2 2 6
--R
               - 288a c e  - 576a c d e
--R
--R
             ROOT
--R
                       6 2 2 5 3 2
--R
--R
                    (2048a c e + 2048a c d)
--R
--R
--R
--R
                                    81e
--R
                    754 6622 574
--R
--R
                    \| 4194304a c e + 8388608a c d e + 4194304a c d
--R
                    2 4 3 2 2 5
--R
--R
                  - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
                   6 2 2 5 3 2
--R
--R
                 1024a c e + 1024a c d
--R
--R
              2 9
                  2 7 2 4 5 +----+
--R
            (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
          2 3 4 3 2 2 4
--R
--R
        (8a c x + 16a c x + 8a c)
--R
--R
        ROOT
                   6 2 2 5 3 2
--R
--R
               (- 2048a c e - 2048a c d )
--R
--R
--R
--R
--R
--R.
               754 6622 574
               \| 4194304a c e + 8388608a c d e + 4194304a c d
--R
--R
               2 4 3 2 2 5
--R
--R
             -45a d e -180a c d e -144c d
--R
              6 2 2 5 3 2
--R
--R
            1024a c e + 1024a c d
```

```
--R
--R
       log
                    7 4 4 6 5 3 2 5 6 5
--R
--R
               (196608a c d e + 458752a c d e + 262144a c d)
--R
--R
--R
--R
--R
               754 6622 574
--R
--R
               --R
               4 8 3 2 2 6
--R
             288a c e + 576a c d e
--R
--R
--R
            ROOT
--R
                      6 2 2 5 3 2
--R
                  (- 2048a c e - 2048a c d )
--R
--R
--R
--R
                                 81e
--R
                  754 6622 574
--R
--R
                  \| 4194304a c e + 8388608a c d e + 4194304a c d
--R
                   2 4 3 2 2 5
--R
--R
                 - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
                  6 2 2 5 3 2
--R
--R
               1024a c e + 1024a c d
--R
             2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
--R
           (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
           2 3 4 3 2 2 4
--R
       (- 8a c x - 16a c x - 8a c)
--R
--R
--R
       ROOT
                 6 2 2 5 3 2
--R
             (- 2048a c e - 2048a c d )
--R
--R
--R
--R
--R
                             81e
--R
              754 6622 574
--R
--R
             --R
               2 4 3 2 2 5
--R
```

```
--R
             - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
               6 2 2 5 3 2
--R
--R
            1024a c e + 1024a c d
--R
--R
        log
                        7 4 4 6 5 3 2 5 6 5
--R
--R
                 (-196608a c d e - 458752a c d e - 262144a c d)
--R
--R
--R
--R
                                  81e
--R
                    7 5 4 6 6 2 2 5 7 4
--R
                --R
--R
--R
                   4 8 3 2 2 6
--R
               - 288a c e - 576a c d e
--R
--R
              ROOT
                         6 2 2 5 3 2
--R
                    (- 2048a c e - 2048a c d )
--R
--R
--R
                                     10
--R
                                    81e
--R
--R
                     754 6622 574
--R
--R
                    \| 4194304a c e + 8388608a c d e + 4194304a c d
--R
                      2 4 3 2 2 5
--R
--R
                   - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
                    6 2 2 5 3 2
--R
--R
                 1024a c e + 1024a c d
--R
               2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
--R
            (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
           2 3 4 3 2 2 4
--R
--R
         (8a c x + 16a c x + 8a c)
--R
--R
        ROOT
                  6 2 2 5 3 2
--R
--R
               (2048a c e + 2048a c d)
--R
--R
                                 10
--R
--R
--R
```

```
754 6622 574
--R
--R
              --R
                2 4 3 2
--R
                                2 5
             - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
--R
              6 2 2 5 3 2
--R
--R
           1024a c e + 1024a c d
--R
--R
        log
--R
                     7 4 4 6 5 3 2 5 6 5
               (-196608a c d e - 458752a c d e - 262144a c d)
--R
--R
--R
--R
--R
                               81e
--R
               |- -----
                  754 6622 574
--R
--R
               --R
                4 8 3 2 2 6
--R
              288a c e + 576a c d e
--R
--R
--R
             ROOT
                      6 2 2 5 3 2
--R
                   (2048a c e + 2048a c d)
--R
--R
--R
--R
--R
                                   81e
--R
                   754 6622 574
--R
--R
                   \| 4194304a c e + 8388608a c d e + 4194304a c d
--R
                    2 4
                              3 2 2 5
--R
                 - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
--R
                  6 2 2 5 3 2
--R
                1024a c e + 1024a c d
--R
--R
                      2 7 2 4 5 +----+
--R
              2 9
           (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
--R.
                              2 +----+
--R
                 2
--R
      (6c d x + a c e x + 10a c d x - 3a e) \mid e x + d
--R /
       2 3 4 3 2 2 4
--R
--R
     16a c x + 32a c x + 16a c
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 533
```

```
--S 534 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
           2 +---+4+-+
         16a c\|- a \|c
--R
--R
--R
          ROOT
                   6 2 2 5 3 2
--R
                (2048a c e + 2048a c d )
--R
--R
--R
--R
                                  10
--R
                                81e
--R
                754 6622 574
--R
--R
                --R
                 2 4 3 2 2 5
--R
--R
               - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
--R
                6 2 2 5 3 2
--R
             1024a c e + 1024a c d
--R
--R
          +----+
--R
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
          --R
--R
          log
                      7 4 4 6 5 3 2 5 6 5
--R
--R
                 (196608a c d e + 458752a c d e + 262144a c d )
--R
--R
--R
                                   10
                                 81e
--R
--R
                     754 6622 574
--R
--R
                 \| 4194304a c e + 8388608a c d e + 4194304a c d
--R
--R
                   4 8 3 2 2 6
--R
                - 288a c e - 576a c d e
--R
               ROOT
--R
                        6 2 2 5 3 2
--R
--R
                     (2048a c e + 2048a c d)
--R
--R
```

```
--R
--R
                                    81e
--R
                    754 6622 574
--R
--R
                    --R
                       2 4 3 2 2 5
--R
--R
                    - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
                     6 2 2 5 3 2
--R
--R
                  1024a c e + 1024a c d
--R
                2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
--R
              (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
--R
         2 +---+4+-+
--R
        16a c\|- a \|c
--R
--R
        ROOT
                  6 2 2 5 3 2
--R
--R
              (- 2048a c e - 2048a c d )
--R
--R
                                10
--R
                             81e
--R
--R
               754 6622 574
--R
--R
              \| 4194304a c e + 8388608a c d e + 4194304a c d
--R
               2 4 3 2 2 5
--R
--R
             - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
              6 2 2 5 3 2
--R
--R
           1024a c e + 1024a c d
--R
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
        \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R
        log
                     7 4 4 6 5 3 2 5 6 5
--R
                (196608a c d e + 458752a c d e + 262144a c d)
--R
--R.
--R
--R
                                  10
--R
                                81e
--R
                754 6622 574
--R
                --R
--R
```

```
4 8 3 2 2 6
--R
--R
              288a c e + 576a c d e
--R
--R
             ROOT
                        6 2 2 5 3 2
--R
--R
                    (- 2048a c e - 2048a c d )
--R
--R
--R
                                 10
--R
                                    81e
--R
                    7 5 4 6 6 2 2 5 7 4
--R
                    \| 4194304a c e + 8388608a c d e + 4194304a c d
--R
--R
--R
                     2 4 3 2 2 5
--R
                  - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
                   6 2 2 5 3 2
--R
--R
                 1024a c e + 1024a c d
--R
              2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
--R
            (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
--R
            2 +---+4+-+
--R
          16a c\|- a \|c
--R
--R
--R
          ROOT
                   6 2 2 5 3 2
--R
--R
                (- 2048a c e - 2048a c d )
--R
--R
--R
--R
                                 81e
--R
                 754 6622 574
--R
--R
                 \| 4194304a c e + 8388608a c d e + 4194304a c d
--R
                  2 4 3 2 2 5
--R
--R
               - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
                 6 2 2 5 3 2
--R
              1024a c e + 1024a c d
--R
--R
           +----+
--R
           | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
          --R
--R
          log
                         7 4 4 6 5 3 2 5 6 5
--R
```

```
--R
                 (- 196608a c d e - 458752a c d e - 262144a c d )
--R
--R
                                  10
--R
--R
                                 81e
--R
                  754 6622 574
--R
                 \| 4194304a c e + 8388608a c d e + 4194304a c d
--R
--R
                   4 8 3 2 2 6
--R.
                - 288a c e  - 576a c d e
--R
--R
               ROOT
--R
                         6 2 2 5 3 2
--R
                    (- 2048a c e - 2048a c d )
--R
--R
--R
--R
                                     10
--R
                                   81e
--R
                    754 6622 574
--R
                   --R
--R
                       2 4 3 2 2 5
--R
                   - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
--R
                     6 2 2 5 3 2
--R
--R
                  1024a c e + 1024a c d
--R
                2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R.
--R
             (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
          2 +---+4+-+
--R
--R
        16a c\|- a \|c
--R
        ROOT
--R
                 6 2 2 5 3 2
--R
--R
              (2048a c e + 2048a c d)
--R
--R
--R
                              81e
--R
--R.
              7 5 4 6 6 2 2 5 7 4
--R
--R
              --R
              2 4 3 2 2 5
--R
--R
            -45a d e -180a c d e -144c d
--R
--R
              6 2 2 5 3 2
```

```
--R
          1024a c e + 1024a c d
--R
--R
        +----+
        | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
       --R
--R
       log
                    7 4 4 6 5 3 2 5 6 5
--R
              (-196608a c d e - 458752a c d e - 262144a c d)
--R
--R
--R
--R
                             81e
--R
--R
--R
                 7 5 4 6 6 2 2 5 7 4
--R
              --R
--R
              4 8 3 2 2 6
             288a c e + 576a c d e
--R
--R
--R
            ROOT
                    6 2 2 5 3 2
--R
--R
                  (2048a c e + 2048a c d )
--R
--R
--R
                            81e
--R
--R
                  754 6622 574
--R
--R
                  --R
                   2 4 3 2 2 5
--R
--R
                - 45a d e - 180a c d e - 144c d
--R
                  6 2 2 5 3 2
--R
               1024a c e + 1024a c d
--R
--R
             2 9 2 7 2 4 5 +----+
--R
           (27a e + 324a c d e + 432c d e) | e x + d
--R
--R
--R
           +---+ +-+ 2 2 | +-+ +---+
--R
--R.
       (6d e\|- a \|c - 3a e - 12c d )\|d\|c + e\|- a
--R
            4+-+ +----+
--R
--R
            \c \cdot | c \cdot | e x + d
       atanh(-----)
--R
            +----+
--R
            | +-+ +---+
--R
           --R
```

```
--R
--R
                +---+ +-+ 2
--R
                                     2 | +-+ +---+
--R
          (6d e\|- a \|c + 3a e + 12c d )\|d\|c - e\|- a
--R
                 4+-+ +----+
--R
--R
                 \c \l x + d
          atanh(-----)
--R
--R
                | +-+ +---+
--R
                \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R
                     +----+
         2 +---+4+-+ | +--+ | +---+
--R
       32a c\|- a \|c \|d\|c - e\|- a \|d\|c + e\|- a
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 534
--S 535 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 535
)clear all
--S 536 of 1581
t0:=(d+e*x)^(1/2)/(a+c*x^2)^3
--R
--R
--R
                   +----+
--R
                  \leq x + d
--R
         3 6 2 4 2 2 3
--R
--R.
         cx + 3acx + 3acx + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 536
--S 537 of 1581
r0:=1/4*x*sqrt(d+e*x)/(a*(a+c*x^2)^2)+1/16*(a*d*e+(6*c*d^2+5*a*e^2)*x)*_
    sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(6*c*d^2*e+5*a*e^3+__
    a*d*(12*c*d^2+13*a*e^2)*sqrt(c)/(-a)^(3/2))/(a^2*c^(3/4)*_
    (c*d^2+a*e^2)*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))-1/32*atanh(c^(1/4)*_
    sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(6*c*d^2*e+5*a*e^3+d*_
    (12*c*d^2+13*a*e^2)*sqrt(c)/sqrt(-a))/(a^2*c^(3/4)*(c*d^2+a*e^2)*_
    sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R.
```

```
--R
--R
   (2)
--R
                2 2 3 3 4 2 2 2 3 2 3 2
--R
             (13a c d e + 12c d )x + (26a c d e + 24a c d )x + 13a d e
--R
--R
               2 3
--R
            12a c d
--R
--R
            +-+
--R
           \lc
--R
                 23 324 23 222 33
--R
            (- 5a c e - 6c d e)x + (- 10a c e - 12a c d e)x - 5a e
--R
--R
--R
               2 2
--R
            - 6a c d e
--R
            +---+
--R
--R
           \|- a
--R
         +----+
--R
                           4+-+ +----+
--R
         | +-+ +---+
                         --R
        \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
                           +----+
--R
--R
                           | +-+ +---+
--R
                          \label{dlc} - e - a
--R
                   2 2 3 3 4 2 2 2 3 2
--R
--R
            (-13a c d e - 12c d )x + (-26a c d e -24a c d )x
--R
                3 2 2 3
--R
--R
            - 13a d e - 12a c d
--R
--R
            +-+
--R
          \|c
--R
                 23 324 23 222 33
--R
            (- 5a c e - 6c d e)x + (- 10a c e - 12a c d e)x - 5a e
--R
--R
--R
               2 2
            - 6a c d e
--R
--R
--R
            +---+
--R
           \|- a
--R
         +----+
--R
                           4+-+ +----+
         | +-+ +---+
--R
                           \c \cdot | c \cdot | e x + d
--R
        \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
--R
                           | +-+ +---+
```

```
\left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R
              2 223 2 22 2
--R
       ((10a c e + 12c d )x + 2a c d e x + (18a e + 20a c d )x + 2a d e)
--R
                       +----+
--R
        +---+4+-+3 +------- | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
       --R /
                 2 3 2 4 4 2 3 2 2 2
--R
         3 2 2
                                             5 2
--R
       ((32a c e + 32a c d)x + (64a c e + 64a c d)x + 32a e + 32a c d)
--R
--R
       +---+4+-+3 | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
      --R
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 537
--S 538 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
           --R
        ((8a c e + 8a c d )x + (16a c e + 16a c d )x + 8a e + 8a c d )
--R
--R
        ROOT
--R
                  8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
               (2048a c e + 6144a c d e + 6144a c d e + 2048a c d)
--R
--R
              ROOT
                     2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                  - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                        11 3 12
                                     10 4 2 10
                   4194304a c e + 25165824a c d e + 62914560a c d e
--R
--R
                                      7 7 8 4
--R
                         8 6 6 6
                                                    6 8 10 2
--R
                   83886080a c d e + 62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                        5 9 12
                   4194304a c d
--R
--R.
--R
                 3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
             - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
              8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
--R
            1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
--R
        log
```

```
10 2 10 9 3 2 8 8 4 4 6
--R
                   327680a c e + 2228224a c d e + 5505024a c d e
--R
--R
--R
                         7 5 6 4
                                      6 6 8 2 5 7 10
--R
                   6422528a c d e + 3604480a c d e + 786432a c d
--R
--R
                  ROOT
                         2 14
                                     2 12 2 4 10
--R
                     - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
--R
                            11 3 12
                                           10 4 2 10
                      4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R
--R
                             9 5 4 8
                                       8 6 6 6
                       62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
--R
--R
                           7 7 8 4
                                          6 8 10 2
                                                     5 9 12
--R
                     62914560a c d e + 25165824a c d e + 4194304a c d
--R
                    5 10 4 2 3 8 3 3 5 6
--R
--R
                6400a c d e + 10176a c d e + 4032a c d e
--R
--R
              ROOT
                         8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
--R
                      (2048a c e + 6144a c d e + 6144a c d e + 2048a c d)
--R
--R
                      ROOT
                             2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                         - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
                                 11 3 12 10 4 2 10
--R
                          4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R
                                 9 5 4 8
--R
--R
                          62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
                                 7 7 8 4 6 8 10 2
--R
--R
                          62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                                5 9 12
--R
                          4194304a c d
--R
--R.
                         3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                   - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
                                         6 3 4 2 5 4 6
--R
                      8 6 7 2 2 4
--R
                  1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
                3 11 2 2 9 2 4 7 3 6 5 +----+
--R
--R
             (625a e + 5625a c d e + 7884a c d e + 3024c d e) | e x + d
```

```
--R
--R
            3 2 2 2 3 2 4 4 2 3 2 2 5 2 4 2
--R
         ((-8ace -8acd)x + (-16ace -16acd)x -8ae -8acd)
--R
--R
         ROOT
                     8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
--R
                (- 2048a c e - 6144a c d e - 6144a c d e - 2048a c d )
--R
                ROOT
--R
--R
                       2 14
                                   2 12
                                            2 4 10
--R
                   - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
                          11 3 12
                                         10 4 2 10
--R
--R
                     4194304a c e + 25165824a c d e + 62914560a c d e
--R
--R
                           8 6 6 6
                                     7 7 8 4
                                                    6 8 10 2
--R
                     83886080a c d e + 62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                          5 9 12
--R
                     4194304a c d
--R
                   3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
              - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
                8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
             1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
--R
         log
--R
                        10 2 10 9 3 2 8 8 4 4 6
--R
                  327680a c e + 2228224a c d e + 5505024a c d e
--R
                         7 5 6 4 6 6 8 2 5 7 10
--R
--R
                   6422528a c d e + 3604480a c d e + 786432a c d
--R
--R
                 ROOT
                         2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                     - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                            11 3 12
                                          10 4 2 10
--R
                      4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R
                             9 5 4 8
                                           8666
--R.
                       62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
                           7 7 8 4 6 8 10 2 5 9 12
--R
--R
                     62914560a c d e + 25165824a c d e + 4194304a c d
--R
--R
                     5 10 4 2 3 8 3 3 5 6
               - 6400a c d e - 10176a c d e - 4032a c d e
--R
--R.
```

```
--R
               ROOT
                            8 6 7 2 2 4 6 3 4 2
--R
--R
                         - 2048a c e - 6144a c d e - 6144a c d e
--R
--R
                              5 4 6
--R
                         - 2048a c d
--R
--R
                      ROOT
                             2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                          - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                                               10 4 2 10
                                11 3 12
                          4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R
--R
                                  9 5 4 8
                                                8 6 6 6
--R
                           62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
--R
                                  7 7 8 4
                                           6 8 10 2
--R
                           62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                                5 9 12
                           4194304a c d
--R
--R
--R
                         3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
                   - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
                      8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
--R
                  1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
                 3 11 2 2 9 2 4 7 3 6 5 +----+
--R
--R
             (625a e + 5625a c d e + 7884a c d e + 3024c d e) | e x + d
--R
--R
            3 2 2 2 3 2 4 4 2
                                       3 2 2 2 5 2 4 2
--R
         ((8ace + 8acd)x + (16ace + 16acd)x + 8ae + 8acd)
--R
         ROOT
--R
--R
                     8 6 7 2 2 4 6 3 4 2
--R
                (-2048a c e - 6144a c d e - 6144a c d e - 2048a c d)
--R
--R
                ROOT
                        2 14
--R
                                    2 12 2 4 10
                    - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R.
--R
                           11 3 12
                                          10 4 2 10
                     4194304a c e + 25165824a c d e + 62914560a c d e
--R
--R
                            8 6 6 6 7 7 8 4 6 8 10 2
--R
--R
                      83886080a c d e + 62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                            5 9 12
```

```
--R
                     4194304a c d
--R
--R
                 3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
               - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
                 8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
             1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
--R
         log
--R
                          10 2 10
                                        9 3 2 8
--R
                   - 327680a c e - 2228224a c d e - 5505024a c d e
--R
                           7 5 6 4
                                    6 6 8 2
                                                   5 7 10
--R
                   - 6422528a c d e - 3604480a c d e - 786432a c d
--R
--R
--R
                  ROOT
--R
                         2 14 2 12 2 4 10
--R
                      - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                             11 3 12 10 4 2 10
--R
                      4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R
                              9 5 4 8
                                        8 6 6 6
--R
                       62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
                            7 7 8 4 6 8 10 2 5 9 12
--R
--R
                      62914560a c d e + 25165824a c d e + 4194304a c d
--R
--R
                    5 10 4 2 3 8 3 3 5 6
--R
                6400a c d e + 10176a c d e + 4032a c d e
--R
--R
               ROOT
                              8 6 7 2 2 4 6 3 4 2
--R
--R
                         - 2048a c e - 6144a c d e - 6144a c d e
--R
--R
                              5 4 6
--R
                        - 2048a c d
--R
--R
                      ROOT
                             2 14
--R
                                          2 12 2 4 10
--R
                          - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R.
                                           10 4 2 10
                                 11 3 12
--R
                           4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R
                                   9 5 4 8
                                                 8666
--R
                            62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
                                  7 7 8 4 6 8 10 2
--R
--R
                            62914560a c d e + 25165824a c d e
```

```
--R
                            5 9 12
--R
--R
                          4194304a c d
--R
                        3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                   - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
                     8 6 7 2 2 4 6 3 4 2
--R
                  1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
--R
--R
                3 11 2 2 9 2 4 7 3 6 5 +----+
             (625a e + 5625a c d e + 7884a c d e + 3024c d e )\|e x + d
--R
--R
                                 4 2
--R
             3 2 2 2 3 2 4
                                         3 2 2 2 5 2 4 2
--R
         ((-8ace - 8acd)x + (-16ace - 16acd)x - 8ae - 8acd)
--R
--R
         ROOT
--R
                   8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
                (2048a c e + 6144a c d e + 6144a c d e + 2048a c d)
--R
--R
--R
                ROOT
                       2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                    - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
                                  10 4 2 10 9 5 4 8
--R
                          11 3 12
                    4194304a c e + 25165824a c d e + 62914560a c d e
--R
--R
                          8 6 6 6 7 7 8 4 6 8 10 2
--R
--R
                     83886080a c d e + 62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                           5 9 12
--R
                    4194304a c d
--R
                   3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
              - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
                8 6 7 2 2 4 6 3 4 2
--R
--R
             1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
--R
         log
--R
                         10 2 10
                                      9328
                  - 327680a c e - 2228224a c d e - 5505024a c d e
--R
--R
--R
                          7 5 6 4
                                       6 6 8 2
                                                 5 7 10
                  - 6422528a c d e - 3604480a c d e - 786432a c d
--R
--R
--R
                 ROOT
--R
                         2 14 2 12 2 4 10
                     - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
```

```
11 3 12 10 4 2 10
--R
                        4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R
--R
                              9 5 4 8
                                            8 6 6 6
                        62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
--R
                             7 7 8 4 6 8 10 2 5 9 12
--R
--R
                      62914560a c d e + 25165824a c d e + 4194304a c d
--R
                          10 4 2 3 8 3 3 5 6
--R
                - 6400a c d e - 10176a c d e - 4032a c d e
--R
--R
               ROOT
--R
                          8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
                      (2048a c e + 6144a c d e + 6144a c d e + 2048a c d)
--R
--R
--R
                      ROOT
--R
                              2 14
                                     2 12 2 4 10
--R
                          - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                                 11 3 12
                                           10 4 2 10
                           4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R
--R
                                  9 5 4 8 8 6 6 6
--R
                            62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
--R
                                   7 7 8 4
--R
                            62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                                  5 9 12
                            4194304a c d
--R
--R
                                              2 5 2 3 7
--R
                         3 6 2 3 4
--R
                    - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
                      8 6 7 2 2 4
--R
                                            6 3 4 2
                   1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
--R
                 3 11 2 2 9 2 4 7 3 6 5 +----+
--R
--R
             (625a e + 5625a c d e + 7884a c d e + 3024c d e )\|e x + d
--R
--R
            2 2 2 3
                               2
                                    2 2
                                               2
                                                    2
--R
      ((5a c e + 6c d)x + a c d e x + (9a e + 10a c d)x + a d e) | e x + d
--R /
--R
         3 2 2 2 3 2 4 4 2 3 2 2 2 5 2 4 2
--R
      (16a c e + 16a c d )x + (32a c e + 32a c d )x + 16a e + 16a c d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 538
```

--S 539 of 1581

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
          3 2 2 +---+4+-+3
--R
         (16a e + 16a c d )\|- a \|c
--R
--R
         ROOT
                   8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
--R
               (2048a c e + 6144a c d e + 6144a c d e + 2048a c d)
--R
--R
               ROOT
                      2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                   - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                                   10 4 2 10
                          11 3 12
--R
                    4194304a c e + 25165824a c d e + 62914560a c d e
--R
--R
                                        7784
                           8 6 6 6
                                                  6 8 10 2
--R
                    83886080a c d e + 62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                         5 9 12
--R
                     4194304a c d
--R
--R
                  3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
              - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
--R
               8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
            1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
--R
         +----+
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         --R
--R
         log
                      10 2 10 9 3 2 8 8 4 4 6
--R
--R
                  327680a c e + 2228224a c d e + 5505024a c d e
--R
                       7 5 6 4
                                6 6 8 2 5 7 10
--R
--R
                  6422528a c d e + 3604480a c d e + 786432a c d
--R
                 ROOT
--R
--R.
                        2 14 2 12 2 4 10
--R
                     - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                           11 3 12
                                         10 4 2 10
--R
                      4194304a c e + 25165824a c d e
--R
                            9548 8666
--R
--R
                      62914560a c d e + 83886080a c d e
```

```
--R
                            7 7 8 4 6 8 10 2 5 9 12
--R
--R
                     62914560a c d e + 25165824a c d e + 4194304a c d
--R
--R
                    5 10 4 2 3 8 3 3 5 6
--R
                6400a c d e + 10176a c d e + 4032a c d e
--R
--R
              ROOT
                         8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
--R
                      (2048a c e + 6144a c d e + 6144a c d e + 2048a c d)
--R
--R
                      ROOT
                             2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                         - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                                11 3 12
                                               10 4 2 10
--R
                          4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R
                                  9 5 4 8
                                                8 6 6 6
--R
                          62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
--R
                                 7 7 8 4 6 8 10 2
--R
                           62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                                5 9 12
--R
                           4194304a c d
--R
--R
                         3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                    - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
                      8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
--R
                  1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
                3 11 2 2 9 2 4 7 3 6 5 +----+
--R
--R
             (625a e + 5625a c d e + 7884a c d e + 3024c d e) | e x + d
--R
--R
             3 2 2 +---+4+-+3
--R
         (- 16a e - 16a c d )\|- a \|c
--R
--R
         ROOT
                     8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
                (-2048a c e - 6144a c d e - 6144a c d e - 2048a c d)
--R
--R
--R
                ROOT
                       2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                    - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                                     10 4 2 10
                     4194304a c e + 25165824a c d e + 62914560a c d e
--R
--R.
```

```
8 6 6 6 7 7 8 4 6 8 10 2
--R
--R
                      83886080a c d e + 62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                             5 9 12
                     4194304a c d
--R
--R
                    3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
               - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
                8 6 7 2 2 4 6 3 4 2
--R
--R
             1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
--R
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R.
         log
--R
                         10 2 10 9 3 2 8 8 4 4 6
--R
                    327680a c e + 2228224a c d e + 5505024a c d e
--R
--R
                         7 5 6 4
                                       6 6 8 2
--R
                    6422528a c d e + 3604480a c d e + 786432a c d
--R
--R
                  ROOT
--R
                          2 14 2 12 2 4 10
--R
                      - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                           11 3 12 10 4 2 10
--R
                       4194304a c e + 25165824a c d e
--R
                              9 5 4 8 8 6 6 6
--R
                        62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
--R
                             7 7 8 4 6 8 10 2 5 9 12
--R
                      62914560a c d e + 25165824a c d e + 4194304a c d
--R
--R
                      5 10 4 2 3 8 3 3 5 6
--R
                - 6400a c d e - 10176a c d e - 4032a c d e
--R
--R
--R
               ROOT
                              8 6 7 2 2 4 6 3 4 2
--R
                         - 2048a c e - 6144a c d e - 6144a c d e
--R
--R
--R
                              5 4 6
--R
                         - 2048a c d
--R
--R
                      ROOT
--R
                              2 14 2 12 2 4 10
                          - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
```

```
11 3 12 10 4 2 10
--R
                         4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R
--R
                                9 5 4 8
                                             8 6 6 6
                         62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
--R
                               7 7 8 4
--R
                                            6 8 10 2
--R
                         62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                              5 9 12
--R
                         4194304a c d
--R
                       3 6 2 3 4
                                          2 5 2 3 7
--R
--R
                  - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
                    8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
                 1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
--R
                3 11 2 2 9 2 4 7 3 6 5 +----+
--R
            (625a e + 5625a c d e + 7884a c d e + 3024c d e) | e x + d
--R
          3 2 2 +---+4+-+3
--R
--R
        (16a e + 16a c d )\|- a \|c
--R
--R
        ROOT
                    8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
--R
               (- 2048a c e - 6144a c d e - 6144a c d e - 2048a c d )
--R
--R
               ROOT
                     2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                   - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
                                       10 4 2 10
--R
                         11 3 12
--R
                    4194304a c e + 25165824a c d e + 62914560a c d e
--R
                          8 6 6 6 7 7 8 4
--R
--R
                    83886080a c d e + 62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                         5 9 12
--R
                    4194304a c d
--R
                  --R
--R
             - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
               8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
--R
            1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
        --R
```

```
--R
--R
         log
--R
                          10 2 10 9 3 2 8 8 4 4 6
--R
                   - 327680a c e - 2228224a c d e - 5505024a c d e
--R
--R
                           7 5 6 4
                                         6 6 8 2
--R
                    - 6422528a c d e - 3604480a c d e - 786432a c d
--R
                  ROOT
--R
                          2 14
                                      2 12 2 4 10
--R
--R
                      - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
                             11 3 12
                                            10 4 2 10
--R
                       4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R
--R
                              9 5 4 8
                                        8 6 6 6
--R
                        62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
--R
                                                       5 9 12
                             7 7 8 4
                                           6 8 10 2
--R
                      62914560a c d e + 25165824a c d e + 4194304a c d
--R
--R
                    5 10 4 2 3 8 3 3 5 6
--R
                6400a c d e + 10176a c d e + 4032a c d e
--R
--R
               ROOT
                           8 6 7 2 2 4 6 3 4 2
--R
--R
                         - 2048a c e - 6144a c d e - 6144a c d e
--R
--R
                              5 4 6
--R
                         - 2048a c d
--R
--R
                      ROOT
                              2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                          - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
                                 11 3 12
--R
                                                10 4 2 10
--R
                           4194304a c e + 25165824a c d e
--R
                                            8 6 6 6
--R
                                  9 5 4 8
--R
                           62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
                                  7 7 8 4
--R
                                                6 8 10 2
--R.
                           62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                                 5 9 12
                            4194304a c d
--R
--R
--R
                         3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
                    - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
```

```
8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
--R
                 1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
                3 11 2 2 9 2 4 7 3 6 5 +----+
--R
--R
            (625a e + 5625a c d e + 7884a c d e + 3024c d e) | e x + d
--R
            3 2 2 +---+4+-+3
--R
--R
         (- 16a e - 16a c d )\|- a \|c
--R
--R
        ROOT
--R
                  8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
               (2048a c e + 6144a c d e + 6144a c d e + 2048a c d)
--R
--R
               ROOT
--R
                             2 12 2 4 10
                      2 14
--R
                   - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                         11 3 12
                                   10 4 2 10
--R
                    4194304a c e + 25165824a c d e + 62914560a c d e
--R
--R
                          8 6 6 6
                                        7784
--R
                    83886080a c d e + 62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
                         5 9 12
--R
                    4194304a c d
--R
                  3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
              - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
               8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R.
--R
            1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
        --R
--R
        log
--R
                        10 2 10 9 3 2 8 8 4 4 6
                  - 327680a c e - 2228224a c d e - 5505024a c d e
--R
--R
--R
                         7 5 6 4
                                  6 6 8 2
                  - 6422528a c d e - 3604480a c d e - 786432a c d
--R
--R
--R
                 ROOT
                        2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                    - 625a e - 1050a c d e - 441c d e
--R
--R
                           11 3 12
                                    10 4 2 10
                     4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R.
```

```
9 5 4 8 8 6 6 6
--R
                        62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
--R
                                           6 8 10 2 5 9 12
--R
                             7 7 8 4
--R
                      62914560a c d e + 25165824a c d e + 4194304a c d
--R
                      5 10 4 2 3 8 3 3 5 6
--R
--R
                 - 6400a c d e - 10176a c d e - 4032a c d e
--R
               ROOT
--R
                          8 6 7 2 2 4 6 3 4 2 5 4 6
--R
                      (2048a c e + 6144a c d e + 6144a c d e + 2048a c d)
--R
--R
--R
                      ROOT
                             2 14 2 12 2 4 10
--R
--R
                          -625a e -1050a c d e -441c d e
--R
--R
                                 11 3 12
                                           10 4 2 10
                           4194304a c e + 25165824a c d e
--R
--R
--R
                                  9 5 4 8
                           62914560a c d e + 83886080a c d e
--R
--R
--R
                                  7 7 8 4 6 8 10 2
                            62914560a c d e + 25165824a c d e
--R
--R
--R
                                  5 9 12
--R
                            4194304a c d
--R
                         3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                    - 105a d e - 385a c d e - 420a c d e - 144c d
--R
--R
                                7 2 2 4 6 3 4 2
--R
--R
                   1024a c e + 3072a c d e + 3072a c d e + 1024a c d
--R
                 3 11 2 2 9 2 4 7 3 6 5 +----+
--R
--R
             (625a e + 5625a c d e + 7884a c d e + 3024c d e) | e x + d
--R
--R
                 2 3 +-+ 3 2 +---+ | +-+ +---+
--R
         ((- 13a d e - 12c d )\|c + (5a e + 6c d e)\|- a )\|d\|c + e\|- a
--R
--R
--R
                4+-+ +----+
--R
               \c \cdot | c \cdot | e x + d
--R
         atanh(-----)
               +----+
--R
               | +-+ +---+
--R
--R
              \left| d\right| c - e\right| - a
--R
--R
                                                   +----+
```

```
2 3 +-+ 3 2 +---+ | +-+ +---+
 --R
                                             ((13a d e + 12c d)|c + (5a e + 6c d e)|-a)|d|c - e|-a
 --R
 --R
                                                                           4+-+ +----+
--R
--R.
                                                                           \c \e x + d
--R
                                             atanh(-----)
--R
                                                                       +----+
                                                                        | +-+ +---+
--R
                                                                    \label{eq:continuous} \label{continuous} \label{eq:continuous} \
--R
--R /
--R
                                                                                                                                                   +----+
                                                                              2 2 +---+4+-+3 | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
                              (32a e + 32a c d) = a e + 32a c d) = a e + 32a c d
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 539
--S 540 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
                   (5) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 540
)clear all
--S 541 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^(1/2)*(a+c*x^2)^3)
--R
--R.
--R
                                                                                                                     1
--R
                      (1) -----
                                            3 6 2 4 2 2 3 +----+
--R
--R
                                         (c x + 3a c x + 3a c x + a) \le x + d
--R
                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 541
--S 542 of 1581
r0:=1/4*(a*e+c*d*x)*sqrt(d+e*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*(a+c*x^2)^2)+_
                   1/16*(a*e*(c*d^2+7*a*e^2)+6*c*d*(c*d^2+2*a*e^2)*x)*sqrt(d+e*x)/_
                   (a^2*(c*d^2+a*e^2)^2*(a+c*x^2))-3/32*atanh(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
                   sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*((-4*c^2*d^4-9*a*c*d^2*e^2-7*_
                   a^2*e^4)/sqrt(-a)+2*d*e*(c*d^2+2*a*e^2)*sqrt(c))/(a^2*c^(1/4)*_e^2
                   (c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))-3/32*atanh(c^(1/4)*_
                   \operatorname{sqrt}(d+e*x)/\operatorname{sqrt}(e*\operatorname{sqrt}(-a)+d*\operatorname{sqrt}(c)))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+9*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*c*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*c^2*d^4+0*a*_-))*((4*
                   d^2*e^2+7*a^2*e^4/sqrt(-a)+2*d*e*(c*d^2+2*a*e^2)*sqrt(c))/_
                   (a^2*c^(1/4)*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))
--R
--R
--R
                      (2)
```

```
--R
              (- 12a c d e - 6c d e)x + (- 24a c d e - 12a c d e)x
--R
--R
--R
                   3 3 2 3
--R
              - 12a d e - 6a c d e
--R
--R
              +---+ +-+
--R
             \|- a \|c
--R
              2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
           (21a c e + 27a c d e + 12c d )x
--R
             3 4 2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2 2 2 4
--R
--R
          (42a c e + 54a c d e + 24a c d)x + 21a e + 27a c d e + 12a c d
--R
--R
           +----+
                                4+-+ +----+
--R
           | +-+ +---+
                               \c \cdot \c \cdot \c x + d
          \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
--R
                               +----+
--R
                               | +-+ +---+
--R
--R
                              \label{locality} \label{locality} \label{locality} $$ \left( -e \right) - a $$
--R
--R
                     2 3 3 3 4 2 3 2 3 2
--R
              (- 12a c d e - 6c d e)x + (- 24a c d e - 12a c d e)x
--R
                  3 3 2 3
--R
--R
               - 12a d e - 6a c d e
--R
--R
              +---+ +-+
--R
             \|- a \|c
--R
                 2 2 4 3 2 2 4 4 4
--R
--R
           (- 21a c e - 27a c d e - 12c d )x
--R
                       2 2 2 2 3 4 2 4 4 3 2 2 2 2 4
--R
              3 4
          (-42a\ c\ e\ -54a\ c\ d\ e\ -24a\ c\ d\ )x\ -21a\ e\ -27a\ c\ d\ e\ -12a\ c\ d
--R
--R
--R
           +----+
                                4+-+ +----+
           | +-+ +---+
--R
                                \c \cdot | c \cdot | e x + d
          \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
--R
                               +----+
--R
--R
                               | +-+ +---+
                              \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \label{eq:continuous} \
--R
--R
                        3 3 3 2 3 2 2 2
--R
                2 2
            (24a c d e + 12c d)x + (14a c e + 2a c d e)x
--R
--R
--R
             2 2 2 3 3 3 2 2
--R
           (32a c d e + 20a c d )x + 22a e + 10a c d e
--R
```

```
--R
                      +----+
--R
        --R
       --R /
          4 2 4 3 3 2 2 2 4 4 4
--R
--R
        (32a c e + 64a c d e + 32a c d)x
--R
                          3 3 4 2 6 4 5 2 2 4 2 4
--R
                 4 2 2 2
       (64a c e + 128a c d e + 64a c d ) x + 32a e + 64a c d e + 32a c d
--R
--R
--R
             +-----
       +---+4+-+ | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
      --R
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 542
--S 543 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
            4 2 4 3 3 2 2 2 4 4 4
--R
--R
        (-8ace -16acde -8acd)x
--R
--R
           5 4 4 2 2 2 3 3 4 2 6 4 5 2 2 4 2 4
--R
        (-16ace - 32acde - 16acd)x - 8ae - 16acde - 8acd
--R
--R
        ROOT
--R
                   10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
               2048a e + 10240a c d e + 20480a c d e + 20480a c d e
--R
                    6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
               10240a c d e + 2048a c d
--R
--R
              ROOT
                        4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
--R
                   - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
                          3 6 12 4 8 10
--R
--R
                   - 183708a c d e - 35721c d e
--R
--R
                        15 20
                                    14 2 2 18
--R.
                   4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
                         13 3 4 16
                                        12 4 6 14
--R
                   188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                         11 5 8 12
                                        10 6 10 10
                  880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
```

```
9 7 12 8 8 8 14 6
--R
                     880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                                           6 10 18 2 5 11 20
--R
                            7 9 16 4
--R
                    188743680a c d e + 41943040a c d e + 4194304a c d
--R
                  4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2 4 9
--R
--R
             - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e - 144c d
--R
                  10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
--R
              1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
                  6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
               5120a c d e + 1024a c d
--R
--R
         log
--R
                        12 14 11 2 3 12 10 3 5 10
--R
                   720896a c d e + 4325376a c d e + 11075584a c d e
--R
                          9 4 7 8 8 5 9 6
--R
--R
                   15728640a c d e + 13434880a c d e + 6946816a c d e
--R
--R
                         6 7 13 2 5 8 15
                   2031616a c d e + 262144a c d
--R
--R
--R
                  ROOT
                           4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
--R
                       - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
--R
                               3 6 12 4 8 10
--R
                       - 183708a c d e - 35721c d e
--R
--R
                             15 20
--R
                       4194304a c e + 41943040a c d e
--R
                                          12 4 6 14
--R
                              13 3 4 16
--R
                       188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                              11 5 8 12
                                                10 6 10 10
--R
                       880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
                              9 7 12 8
                                               8 8 14 6
--R.
                       880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
                                         6 10 18 2
--R
                              7 9 16 4
--R
                       188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
                            5 11 20
--R
                       4194304a c d
--R.
```

```
7 14 6 2 12 5 2 4 10
--R
--R
                - 98784a e - 179424a c d e - 148320a c d e
--R
                      4 3 6 8 3 4 8 6
--R
--R
                - 61344a c d e - 12096a c d e
--R
--R
               ROOT
                          10 10 9 2 8 8 2 4 6
--R
                       2048a e + 10240a c d e + 20480a c d e
--R
--R
--R
                           7 3 6 4 6 4 8 2 5 5 10
                       20480a c d e + 10240a c d e + 2048a c d
--R
--R
--R
                      ROOT
--R
                                4 18 3 2 16
--R
                           - 194481a e - 428652a c d e
--R
                                          3 6 12 4 8 10
--R
                               2 2 4 14
--R
                          - 402894a c d e - 183708a c d e - 35721c d e
--R
--R
                                15 20
                                               14 2 2 18
--R
                          4194304a c e + 41943040a c d e
--R
                                  13 3 4 16 12 4 6 14
--R
--R
                           188743680a cde + 503316480a cde
--R
--R
                                  11 5 8 12
--R
                           880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
                                  9 7 12 8
--R
                                                  8 8 14 6
--R
                           880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                                   7 9 16 4
--R
                          188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
                                5 11 20
--R
                           4194304a c d
--R
                        4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2
--R
                    - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e
--R
--R
--R
                        4 9
--R
                   - 144c d
--R
                       10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
                    1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
--R
--R
                       6 4 8 2 5 5 10
                    5120a c d e + 1024a c d
--R
--R
```

```
4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
               64827a e + 129654a c d e + 113103a c d e + 48276a c d e
--R
--R
--R
                    4 8 5
--R
               9072c d e
--R
--R
               +----+
--R
              --R
            4 2 4 3 3 2 2 2 4 4 4
--R
--R
          (8ace + 16acde + 8acd)x
--R
             5 4 4 2 2 2 3 3 4 2 6 4 5 2 2 4 2 4
--R
--R
          (16a c e + 32a c d e + 16a c d ) x + 8a e + 16a c d e + 8a c d
--R
--R
         ROOT
--R
                     10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
                 - 2048a e - 10240a c d e - 20480a c d e - 20480a c d e
--R
                      6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
                 - 10240a c d e - 2048a c d
--R
--R
                ROOT
                           4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
--R
                     - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
                             3 6 12 4 8 10
--R
--R
                     - 183708a c d e - 35721c d e
--R
                          15 20 14 2 2 18
--R
--R
                     4194304a c e + 41943040a c d e
--R
                                             12 4 6 14
--R
                            13 3 4 16
--R
                    188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                            11 5 8 12
                                             10 6 10 10
--R
                     880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
                            9 7 12 8
                                            8 8 14 6
--R
                     880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                          7 9 16 4
                                         6 10 18 2
--R
                    188743680a c d e + 41943040a c d e + 4194304a c d
--R
                 4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2 4 9
--R
             - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e - 144c d
--R
--R
--R
                 10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
              1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
--R
```

```
6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
               5120a c d e + 1024a c d
--R
--R
         log
--R
                        12 14 11 2 3 12 10 3 5 10
                   720896a c d e + 4325376a c d e + 11075584a c d e
--R
--R
--R
                          9 4 7 8
                                         8 5 9 6
                   15728640a c d e + 13434880a c d e + 6946816a c d e
--R
--R
--R
                         6 7 13 2
                                      5 8 15
                    2031616a c d e + 262144a c d
--R
--R
--R
                  ROOT
--R
                           4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
                       - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
--R
                               3 6 12 4 8 10
--R
                      - 183708a c d e   - 35721c d e
--R
--R
                             15 20 14 2 2 18
--R
                       4194304a c e + 41943040a c d e
--R
                              13 3 4 16 12 4 6 14
--R
--R
                       188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                               11 5 8 12
--R
                        880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
                               9 7 12 8 8 8 14 6
--R
--R
                        880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                               7 9 16 4
--R
                       188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
                            5 11 20
                        4194304a c d
--R
--R
                     7 14 6 2 12 5 2 4 10 4 3 6 8
--R
--R
                98784a e   + 179424a c d e   + 148320a c d e   + 61344a c d e
--R
--R
                     3 4 8 6
--R
                12096a c d e
--R
--R
               ROOT
--R
                            10 10 9 2 8 8 2 4 6
--R
                        - 2048a e - 10240a c d e - 20480a c d e
--R
                             7 3 6 4 6 4 8 2 5 5 10
--R
                        - 20480a c d e - 10240a c d e - 2048a c d
--R.
```

```
--R
                      ROOT
--R
                                  4 18 3 2 16
--R
--R
                           - 194481a e   - 428652a c d e
--R
                                            3 6 12 4 8 10
--R
                                 2 2 4 14
                          - 402894a c d e - 183708a c d e - 35721c d e
--R
--R
                                 15 20
--R
                                                 14 2 2 18
                           4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
--R
                                   13 3 4 16
                                                     12 4 6 14
                            188743680a cde + 503316480a cde
--R
--R
--R
                                   11 5 8 12
                                                     10 6 10 10
--R
                            880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
                                   9 7 12 8
                                                    8 8 14 6
--R
                            880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                                   7 9 16 4
--R
                           188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
                               5 11 20
--R
                            4194304a c d
--R
                          4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2
--R
--R
                     - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e
--R
--R
                         4 9
                    - 144c d
--R
--R
                        10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
--R
                    1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
                        6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
                    5120a c d e + 1024a c d
--R
                    4 13 3 2 11
                                              2 2 4 9 3 6 7
--R
--R
                64827a e + 129654a c d e + 113103a c d e + 48276a c d e
--R
--R
                   485
--R.
                9072c d e
--R
                +----+
--R
--R
               \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
--R
               4 2 4 3 3 2 2 2 4 4 4
           (-8ace -16acde -8acd)x
--R
--R
```

```
5 4 4 2 2 2 3 3 4 2 6 4 5 2 2 4 2 4
--R
--R
         (-16ace - 32acde - 16acd)x - 8ae - 16acde - 8acd
--R
--R
         ROOT
                      10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
--R
                 - 2048a e - 10240a c d e - 20480a c d e - 20480a c d e
--R
--R
                       6 4 8 2 5 5 10
                 - 10240a c d e - 2048a c d
--R
--R
--R
                ROOT
                           4 18
                                  3 2 16 2 2 4 14
--R
                     - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
--R
--R
                             3 6 12 4 8 10
--R
                     - 183708a c d e - 35721c d e
--R
--R
                          15 20
                                        14 2 2 18
--R
                     4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
                            13 3 4 16
                    188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
--R
                            11 5 8 12 10 6 10 10
                     880803840a cde + 1056964608a cd e
--R
--R
--R
                            9 7 12 8
--R
                     880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
                          7 9 16 4 6 10 18 2 5 11 20
--R
--R
                    188743680a c d e + 41943040a c d e + 4194304a c d
--R
                                      2 2 5 4
                                                  372 49
--R
                         3 3 6
--R
             - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e - 144c d
--R
                 10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
              1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
--R
                 6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
              5120a c d e + 1024a c d
--R
         log
--R
                         12 14 11 2 3 12
--R.
--R
                  - 720896a cde - 4325376a cde
--R
--R
                           10 3 5 10
                                          9 4 7 8
--R
                   - 11075584a c d e - 15728640a c d e - 13434880a c d e
--R
                          7 6 11 4 6 7 13 2 5 8 15
--R
--R
                   - 6946816a c d e - 2031616a c d e - 262144a c d
```

```
--R
--R
                  ROOT
--R
                              4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
                       - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
                                3 6 12 4 8 10
--R
--R
                       - 183708a c d e - 35721c d e
--R
                             15 20 14 2 2 18
--R
                       4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
--R
                               13 3 4 16
                                                12 4 6 14
                       188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
--R
                               11 5 8 12
                                                 10 6 10 10
--R
                        880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
                               9 7 12 8
                                               8 8 14 6
--R
                        880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                               7 9 16 4
--R
                        188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
                          5 11 20
--R
                        4194304a c d
--R
                       7 14 6 2 12 5 2 4 10
--R
--R
                - 98784a e - 179424a c d e - 148320a c d e
--R
--R
                       4 3 6 8 3 4 8 6
--R
                - 61344a c d e - 12096a c d e
--R
--R
               ROOT
                            10 10 9 2 8 8 2 4 6
--R
--R
                       - 2048a e - 10240a c d e - 20480a c d e
--R
                             7 3 6 4 6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
                        - 20480a c d e - 10240a c d e - 2048a c d
--R
--R
                      ROOT
                                  4 18
--R
                                          3 2 16
                           - 194481a e   - 428652a c d e
--R
--R.
                                                 3 6 12 4 8 10
--R
                                 2 2 4 14
                          - 402894a c d e - 183708a c d e - 35721c d e
--R
--R
--R
                                 15 20 14 2 2 18
--R
                           4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
                                   13 3 4 16 12 4 6 14
```

```
188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                                  11 5 8 12 10 6 10 10
--R
--R
                           880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
                                   9 7 12 8
                                                   8 8 14 6
--R
                           880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
                                  7 9 16 4 6 10 18 2
--R
--R
                           188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
                                5 11 20
                           4194304a c d
--R
--R
--R
                        4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2
--R
                    - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e
--R
--R
                        4 9
                   - 144c d
--R
--R
                       10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
--R
                    1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
--R
                       6 4 8 2 5 5 10
                    5120a c d e + 1024a c d
--R
--R
                    4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
--R
                64827a e + 129654a c d e + 113103a c d e + 48276a c d e
--R
--R
                   485
--R
               9072c d e
--R
--R
               +----+
--R
              \ensuremath{\mbox{le }x+d}
--R
            4 2 4 3 3 2 2 2 4 4 4
--R
--R
          (8ace + 16acde + 8acd)x
--R
            5 4 4222 3342 64 5 22 424
--R
--R
          (16a c e + 32a c d e + 16a c d ) x + 8a e + 16a c d e + 8a c d
--R
         ROOT
--R
--R
                    10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
                 2048a e + 10240a c d e + 20480a c d e + 20480a c d e
--R
                      6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
                10240a c d e + 2048a c d
--R
                ROOT
--R
                             4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R.
```

```
- 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
--R
                             3 6 12 4 8 10
--R
--R
                     - 183708a c d e   - 35721c d e
--R
--R
                           15 20
                                          14 2 2 18
--R
                     4194304a c e + 41943040a c d e
--R
                                        12 4 6 14
--R
                            13 3 4 16
                     188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                            11 5 8 12
--R
                                              10 6 10 10
                     880803840a cde + 1056964608a cd e
--R
--R
                            9 7 12 8
--R
                                             8 8 14 6
--R
                     880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                           7 9 16 4 6 10 18 2
                                                      5 11 20
--R
                    188743680a c d e + 41943040a c d e + 4194304a c d
--R
                4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2 4 9
--R
             - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e - 144c d
--R
--R
--R
                 10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
              1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
                  6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
               5120a c d e + 1024a c d
--R
--R
         log
                         12 14 11 2 3 12
--R
--R
                   - 720896a cde - 4325376a cde
--R
                           10 3 5 10 9 4 7 8 8 5 9 6
--R
--R
                   - 11075584a c d e - 15728640a c d e - 13434880a c d e
--R
--R
                                         6 7 13 2
                          7 6 11 4
--R
                   -6946816a c d e -2031616a c d e -262144a c d
--R
--R
                  ROOT
                             4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
                      - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
--R.
--R
                               3 6 12 4 8 10
--R
                      - 183708a c d e   - 35721c d e
--R
                             15 20 14 2 2 18
--R
                      4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
                               13 3 4 16 12 4 6 14
--R.
```

```
188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
--R
                                11 5 8 12 10 6 10 10
--R
                        880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
                                 9 7 12 8
                                                 8 8 14 6
--R
                        880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
                                7 9 16 4
--R
                                                6 10 18 2
                        188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
--R
                              5 11 20
                        4194304a c d
--R
--R
--R
                      7 14 6 2 12 5 2 4 10 4 3 6 8
--R
                 98784a e   + 179424a c d e   + 148320a c d e   + 61344a c d e
--R
--R
                      3 4 8 6
--R
                 12096a c d e
--R
--R
               ROOT
--R
                           10 10 9 2 8 8 2 4 6
--R
                        2048a e + 10240a c d e + 20480a c d e
--R
                            7 3 6 4 6 4 8 2 5 5 10
--R
                        20480a c d e + 10240a c d e + 2048a c d
--R
--R
--R
                       ROOT
                                    4 18 3 2 16
--R
--R
                            - 194481a e - 428652a c d e
--R
                                  2 2 4 14 3 6 12 4 8 10
--R
--R
                           - 402894a c d e - 183708a c d e - 35721c d e
--R
--R
                                  15 20
                                                  14 2 2 18
                            4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
--R
                                    13 3 4 16
                                                      12 4 6 14
                             188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
--R
                                    11 5 8 12
                                                       10 6 10 10
                             880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R.
--R.
                                    9 7 12 8
                                                      8 8 14 6
                            880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                                    7 9 16 4 6 10 18 2
--R
--R
                             188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R.
                                  5 11 20
```

```
--R
                           4194304a c d
--R
--R
                       4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2
--R
                    - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e
--R
--R
                         4 9
--R
                    - 144c d
--R
                       10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
--R
                    1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
--R
                       6 4 8 2
                                 5 5 10
                    5120a c d e + 1024a c d
--R
--R
--R
                           3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
                    4 13
--R
                64827a e + 129654a c d e + 113103a c d e + 48276a c d e
--R
--R
                   485
--R
                9072c d e
--R
--R
               +----+
--R
               \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
--R
               --R
           (12a c d e + 6c d)x + (7a c e + a c d e)x
--R
              2 2 2 3 3 3 2 2
--R
--R
          (16a c d e + 10a c d )x + 11a e + 5a c d e
--R
--R.
         +----+
--R
         \leq x + d
--R /
--R
          4 2 4 3 3 2 2 2 4 4 4
--R
       (16a c e + 32a c d e + 16a c d )x
--R
          5 4 4 2 2 2 3 3 4 2 6 4 5 2 2 4 2 4
--R
--R
       (32a c e + 64a c d e + 32a c d )x + 16a e + 32a c d e + 16a c d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 543
--S 544 of 1581
m0:=a0-r0
--R.
--R
--R (4)
--R
             4 4 3 2 2
                             2 2 4 +---+4+-+
--R
         (-16a e - 32a c d e - 16a c d) = a = c
--R
--R
         ROOT
--R
                      10 10
                               9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
```

```
--R
                  2048a e + 10240a c d e + 20480a c d e + 20480a c d e
--R
                      6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
                  10240a c d e + 2048a c d
--R
--R
                ROOT
                            4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
--R
                     - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
                              3 6 12 4 8 10
--R
--R
                     - 183708a c d e - 35721c d e
--R
                           15 20
--R
                                          14 2 2 18
--R
                     4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
                             13 3 4 16
                                              12 4 6 14
--R
                      188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                             11 5 8 12
                                               10 6 10 10
--R
                     880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
                            9 7 12 8 8 8 14 6
--R
--R
                     880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
                           7 9 16 4 6 10 18 2 5 11 20
--R
                    188743680a c d e + 41943040a c d e + 4194304a c d
--R
--R
--R
                  4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2 4 9
--R
             - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e - 144c d
--R
                  10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
--R
              1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
                  6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
              5120a c d e + 1024a c d
--R
--R
          +----+
--R
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
         \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
--R
         log
--R
                        12 14 11 2 3 12
                                                    10 3 5 10
--R.
                   720896a c d e + 4325376a c d e + 11075584a c d e
--R
                          9 4 7 8 8 5 9 6
--R
                                                   7 6 11 4
--R
                   15728640a c d e + 13434880a c d e + 6946816a c d e
--R
--R
                         6 7 13 2 5 8 15
                    2031616a c d e + 262144a c d
--R
--R
```

```
--R
                  ROOT
                             4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
--R
                       - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
                               3 6 12 4 8 10
--R
--R
                       - 183708a c d e - 35721c d e
--R
--R
                             15 20
                                            14 2 2 18
                       4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
--R
                               13 3 4 16 12 4 6 14
                       188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
--R
                               11 5 8 12
                                                 10 6 10 10
--R
                        880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
                               9 7 12 8
                                               8 8 14 6
--R
                        880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                               7 9 16 4 6 10 18 2
--R
                        188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
                             5 11 20
--R
                        4194304a c d
--R
                       7 14 6 2 12 5 2 4 10
--R
--R
                - 98784a e - 179424a c d e - 148320a c d e
--R
                      4 3 6 8 3 4 8 6
--R
--R.
                - 61344a c d e - 12096a c d e
--R
--R
               ROOT
                           10 10 9 2 8 8 2 4 6
--R
--R
                       2048a e + 10240a c d e + 20480a c d e
--R
                            7 3 6 4 6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
                        20480a c d e + 10240a c d e + 2048a c d
--R
--R
                      ROOT
--R
                                  4 18
                                         3 2 16
                           - 194481a e - 428652a c d e
--R
--R
--R.
                                2 2 4 14 3 6 12 4 8 10
--R
                          - 402894a c d e - 183708a c d e - 35721c d e
--R
--R
                                  15 20
                                                14 2 2 18
--R
                           4194304a c e + 41943040a c d e
--R
                                   13 3 4 16 12 4 6 14
--R
                            188743680a c d e + 503316480a c d e
--R.
```

```
--R
                              11 5 8 12 10 6 10 10
--R
--R
                          880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
                                  9 7 12 8 8 8 14 6
--R
--R
                          880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                                  7 9 16 4
                          188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
--R
                                5 11 20
                           4194304a c d
--R
--R
                        4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2
--R
--R
                    - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e
--R
--R
                        4 9
--R
                   - 144c d
--R
                       10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
--R
                    1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
--R
                       6 4 8 2 5 5 10
--R
                    5120a c d e + 1024a c d
--R
                    4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
--R
                64827a e + 129654a c d e + 113103a c d e + 48276a c d e
--R
--R
                    4 8 5
--R
               9072c d e
--R
--R
               +----+
--R
              \leq x + d
--R
            4 4 3 2 2 2 2 4 +---+4+-+
--R
         (16a e + 32a c d e + 16a c d )\|- a \|c
--R
--R
--R
         ROOT
                      10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
--R
                 - 2048a e - 10240a c d e - 20480a c d e - 20480a c d e
--R
--R
                       6 4 8 2 5 5 10
--R.
                 - 10240a c d e - 2048a c d
--R
--R
                ROOT
                           4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
--R
                     - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
                             3 6 12 4 8 10
--R
--R
                      - 183708a c d e - 35721c d e
```

```
--R
                        15 20 14 2 2 18
--R
--R
                     4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
                            13 3 4 16 12 4 6 14
--R
                     188743680a cde + 503316480a cde
--R
--R
                             11 5 8 12
                     880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
--R
                            9 7 12 8
                                             8 8 14 6
--R
                     880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                           7 9 16 4 6 10 18 2
--R
                    188743680a c d e + 41943040a c d e + 4194304a c d
--R
--R
                 4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2 4 9
--R
             - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e - 144c d
--R
                 10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
--R
              1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
--R
                  6 4 8 2 5 5 10
               5120a c d e + 1024a c d
--R
--R
--R
          | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
--R
         \left| d\right| c - e\right| - a \left| d\right| c + e\right| - a
--R
--R
         log
                             14 11 2 3 12 10 3 5 10
--R
                        12
--R
                   720896a c d e + 4325376a c d e + 11075584a c d e
--R
                         9 4 7 8 8 5 9 6 7 6 11 4
--R
--R
                   15728640a c d e + 13434880a c d e + 6946816a c d e
--R
                        6 7 13 2 5 8 15
--R
--R
                   2031616a c d e + 262144a c d
--R
--R
                  ROOT
                             4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
                       - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
--R.
--R
                               3 6 12 4 8 10
                      - 183708a c d e - 35721c d e
--R
--R
                             15 20 14 2 2 18
--R
--R
                      4194304a c e + 41943040a c d e
--R
                               13 3 4 16 12 4 6 14
--R.
```

```
188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
--R
                                11 5 8 12 10 6 10 10
--R
                        880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
                                 9 7 12 8
                                                 8 8 14 6
--R
                        880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
                                7 9 16 4
--R
                                                6 10 18 2
                        188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
--R
                              5 11 20
                        4194304a c d
--R
--R
--R
                      7 14 6 2 12 5 2 4 10 4 3 6 8
--R
                 98784a e   + 179424a c d e   + 148320a c d e   + 61344a c d e
--R
--R
                      3 4 8 6
--R
                 12096a c d e
--R
--R
               ROOT
--R
                             10 10 9 2 8 8 2 4 6
--R
                        - 2048a e - 10240a c d e - 20480a c d e
--R
--R
                               7 3 6 4 6 4 8 2 5 5 10
                        - 20480a c d e - 10240a c d e - 2048a c d
--R
--R
--R
                       ROOT
                                    4 18 3 2 16
--R
--R
                            - 194481a e - 428652a c d e
--R
                                  2 2 4 14 3 6 12 4 8 10
--R
--R
                           - 402894a c d e - 183708a c d e - 35721c d e
--R
--R
                                  15 20
                                                  14 2 2 18
                            4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
--R
                                    13 3 4 16
                                                      12 4 6 14
                            188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
--R
                                    11 5 8 12
                                                       10 6 10 10
                             880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R.
--R
                                    9 7 12 8
                                                      8 8 14 6
                            880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                                    7 9 16 4 6 10 18 2
--R
--R
                             188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R.
                                  5 11 20
```

```
--R
                          4194304a c d
--R
--R
                       4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2
--R
                    - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e
--R
--R
                        4 9
--R
                   - 144c d
--R
                       10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
                   1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
--R
                      6 4 8 2
                                5 5 10
--R
                    5120a c d e + 1024a c d
--R
--R
--R
                    4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
                64827a e + 129654a c d e + 113103a c d e + 48276a c d e
--R
--R
                  485
--R
               9072c d e
--R
--R
               +----+
--R
              --R
             4 4 3 2 2 2 2 4 +---+4+-+
--R
         (- 16a e - 32a c d e - 16a c d )\|- a \|c
--R
--R
--R
         ROOT
                      10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
--R
                 - 2048a e - 10240a c d e - 20480a c d e - 20480a c d e
--R
--R
                       6 4 8 2 5 5 10
--R
                 - 10240a c d e - 2048a c d
--R
--R
                ROOT
                           4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
                     - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
--R
                             3 6 12 4 8 10
--R
                    - 183708a c d e - 35721c d e
--R
--R
--R
                           15 20
                                         14 2 2 18
                     4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
--R
                            13 3 4 16
                                             12 4 6 14
                     188743680a cde + 503316480a cde
--R
--R
--R
                            11 5 8 12
                                        10 6 10 10
--R
                     880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R.
                             9 7 12 8
                                       8 8 14 6
```

```
--R
                    880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
                          7 9 16 4 6 10 18 2 5 11 20
--R
--R
                   188743680a c d e + 41943040a c d e + 4194304a c d
--R
                4 8 3 3 6
                                    2 2 5 4 3 7 2 4 9
--R
--R
            - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e - 144c d
--R
                 10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
--R
             1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
                6 4 8 2 5 5 10
--R
              5120a c d e + 1024a c d
--R
--R
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
         --R
--R
         log
                        12 14 11 2 3 12
--R
--R
                  - 720896a cde - 4325376a cde
--R
                          10 3 5 10 9 4 7 8 8 5 9 6
--R
--R
                  - 11075584a c d e - 15728640a c d e - 13434880a c d e
--R
                         7 6 11 4 6 7 13 2 5 8 15
--R
--R
                   - 6946816a c d e - 2031616a c d e - 262144a c d
--R
--R
                 ROOT
                            4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R.
--R
                      - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
                             3 6 12 4 8 10
--R
--R
                     - 183708a c d e - 35721c d e
--R
                           15 20
--R
                                         14 2 2 18
--R
                     4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
                             13 3 4 16
                                             12 4 6 14
--R
                      188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                             11 5 8 12
                                              10 6 10 10
--R.
                      880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
                             9 7 12 8
                                       8 8 14 6
--R
                      880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                              7 9 16 4
                      188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R.
```

```
--R
                         5 11 20
--R
                       4194304a c d
--R
                      7 14 6 2 12 5 2 4 10
--R
--R
                - 98784a e - 179424a c d e - 148320a c d e
--R
                       4 3 6 8 3 4 8 6
--R
--R
                - 61344a c d e - 12096a c d e
--R
               ROOT
--R
--R
                           10 10 9 2 8 8 2 4 6
                       - 2048a e - 10240a c d e - 20480a c d e
--R
--R
                             7 3 6 4 6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
                       - 20480a c d e - 10240a c d e - 2048a c d
--R
--R
                      ROOT
--R
                                 4 18
                                         3 2 16
--R
                          - 194481a e   - 428652a c d e
--R
--R
                                2 2 4 14 3 6 12 4 8 10
--R
                          - 402894a c d e - 183708a c d e - 35721c d e
--R
                                15 20 14 2 2 18
--R
                           4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
--R
                                  13 3 4 16
--R
                           188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
                                   11 5 8 12 10 6 10 10
--R.
                           880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
--R
                                   9 7 12 8
--R
                           880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
                                  7 9 16 4
--R
                                                  6 10 18 2
--R
                           188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
                                5 11 20
--R
                           4194304a c d
--R
                        4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2
--R
--R.
                    - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e
--R
--R
                        4 9
--R
                    - 144c d
--R
                       10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
                    1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
--R
```

```
6 4 8 2 5 5 10
--R
                    5120a c d e + 1024a c d
--R
--R
                     4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
--R
                64827a e + 129654a c d e + 113103a c d e + 48276a c d e
--R
--R
                    4 8 5
--R
               9072c d e
--R
               +----+
--R
--R
               \leq x + d
--R
            4 4 3 2 2 2 2 4 +---+4+-+
--R
--R
         (16a e + 32a c d e + 16a c d) = a = c
--R
--R
         ROOT
--R
                    10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
                  2048a e + 10240a c d e + 20480a c d e + 20480a c d e
--R
                      6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
                  10240a c d e + 2048a c d
--R
--R
                ROOT
                            4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
--R
                     - 194481a e   - 428652a c d e   - 402894a c d e
--R
                             3 6 12 4 8 10
--R
--R
                      - 183708a c d e - 35721c d e
--R
                           15 20 14 2 2 18
--R
--R
                     4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
                             13 3 4 16
--R
                     188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                             11 5 8 12
                                               10 6 10 10
--R
                     880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
                            9 7 12 8
                                             8 8 14 6
--R
                      880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                           7 9 16 4
                                           6 10 18 2
--R
                    188743680a c d e + 41943040a c d e + 4194304a c d
--R
                  4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2 4 9
--R
             - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e - 144c d
--R
--R
--R
                 10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
              1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
--R
```

```
6 4 8 2 5 5 10
--R
--R
            5120a c d e + 1024a c d
--R
--R
         +----+
--R
         | +-+ +---+ | +-+ +---+
--R
        --R
--R
        log
                        12 14 11 2 3 12
--R
                  - 720896a cde - 4325376a cde
--R
--R
                                    9 4 7 8
                                                  8 5 9 6
--R
                         10 3 5 10
                  - 11075584a c d e - 15728640a c d e - 13434880a c d e
--R
--R
--R
                                      6 7 13 2
                         7 6 11 4
                                                    5 8 15
--R
                  - 6946816a c d e - 2031616a c d e - 262144a c d
--R
--R
                 ROOT
--R
                          4 18 3 2 16 2 2 4 14
--R
                     - 194481a e - 428652a c d e - 402894a c d e
--R
--R
                           3 6 12 4 8 10
                      - 183708a c d e \, - 35721c d e
--R
--R
--R
                           15 20 14 2 2 18
--R
                     4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
                         13 3 4 16 12 4 6 14
--R
                      188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
                                             10 6 10 10
--R
                             11 5 8 12
                      880803840a c d e + 1056964608a c d e
--R
--R
                            9 7 12 8
--R
--R
                      880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
                            7 9 16 4 6 10 18 2
--R
--R
                      188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
                          5 11 20
--R
                      4194304a c d
--R
--R
                    7 14 6 2 12 5 2 4 10 4 3 6 8
--R
               98784a e + 179424a c d e + 148320a c d e + 61344a c d e
--R
--R
                    3 4 8 6
--R
              12096a c d e
--R
              ROOT
--R
                         10 10 9 2 8 8 2 4 6
--R
```

```
--R
                        2048a e + 10240a c d e + 20480a c d e
--R
--R
                            7 3 6 4 6 4 8 2 5 5 10
--R
                        20480a c d e + 10240a c d e + 2048a c d
--R
                      ROOT
--R
                                  4 18 3 2 16
--R
--R
                           - 194481a e - 428652a c d e
--R
                                           3 6 12 4 8 10
--R
                                2 2 4 14
--R
                          - 402894a c d e - 183708a c d e - 35721c d e
--R
                                 15 20
--R
                                                 14 2 2 18
                           4194304a c e + 41943040a c d e
--R
--R
--R
                                   13 3 4 16
                                                    12 4 6 14
--R
                            188743680a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                                   11 5 8 12
                                                     10 6 10 10
--R
                           880803840a cde + 1056964608a cd e
--R
--R
                                  9 7 12 8 8 8 14 6
--R
                            880803840a c d e + 503316480a c d e
--R
--R
                                   7 9 16 4
                                            6 10 18 2
                            188743680a c d e + 41943040a c d e
--R
--R
--R
                                 5 11 20
--R
                            4194304a c d
--R
                         4 8 3 3 6 2 2 5 4 3 7 2
--R
--R
                    - 945a d e - 1890a c d e - 1701a c d e - 756a c d e
--R
--R
                         4 9
--R
                    - 144c d
--R
--R
                        10 10 9 2 8 8 2 4 6 7 3 6 4
--R
                    1024a e + 5120a c d e + 10240a c d e + 10240a c d e
--R
--R
                        6 4 8 2
                                  5 5 10
--R
                     5120a c d e + 1024a c d
--R
                    4 13 3 2 11 2 2 4 9 3 6 7
--R
--R
                64827a e + 129654a c d e + 113103a c d e + 48276a c d e
--R
--R
                    485
--R
                9072c d e
--R
               +----+
--R
               \label{eq:lemma_def} \
--R
```

```
--R
                                               3 3 +---+ +-+ 2 4 2 2 2 4
--R
--R
                             ((12a d e + 6c d e) | - a | c - 21a e - 27a c d e - 12c d)
--R
                                                                                       4+-+ +----+
--R
                                +----+
                              | +-+ +---+
--R
                                                                                           \c \cdot \c \cdot \c x + d
--R
                             \|d\|c + e\|- a atanh(-----)
                                                                                          +----+
--R
--R
                                                                                           | +-+ +---+
                                                                                         --R
--R
                                                   3 3 +---+ +-+ 2 4
                                                                                                                                                  2 2 2 4
--R
                              ((12a d e + 6c d e)\|- a \|c + 21a e + 27a c d e + 12c d )
--R
--R
--R
                               +----+
                                                                                            4+-+ +----+
--R
                               | +-+ +---+
                                                                                           --R
                             \|d\|c - e\|- a atanh(-----)
                                                                                          +----+
--R
                                                                                          | +-+ +---+
--R
                                                                                         \label{eq:local_local_local_local_local} \label{eq:local_local_local_local_local} \label{eq:local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_lo
--R
--R /
--R
                              4 4 3 2 2 2 2 4 +---+4+-+ | +-+ +---+
--R
--R
                         (32a e + 64a c d e + 32a c d )\|- a \|c \|d\|c - e\|- a
--R
--R
                         | +-+ +---+
--R
--R
                        \left| d\right| c + e\right| - a
--R
                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 544
--S 545 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 545
)clear all
--S 546 of 1581
t0:=(c+d*x)^(7/2)/(a-b*x^2)
--R
--R
                                  3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
                       (-dx - 3cdx - 3cdx - c) | dx + c
--R
           (1) -----
--R
                                                                    2
--R
                                                                    b x - a
```

```
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 546
--S 547 of 1581
r0:=-4/3*c*d*(c+d*x)^(3/2)/b-2/5*d*(c+d*x)^(5/2)/b-atanh(b^(1/4)*_
              \sqrt(c+d*x)/\sqrt(-d*sqrt(a)+c*sqrt(b)))*(-d*sqrt(a)+c*_-
              sqrt(b))^{(7/2)}/(b^{(9/4)}*sqrt(a))+atanh(b^{(1/4)}*sqrt(c+d*x)/_
              sqrt(d*sqrt(a)+c*sqrt(b)))*(d*sqrt(a)+c*sqrt(b))^(7/2)/_
              (b^{(9/4)}*sqrt(a))-2*d*(3*b*c^2+a*d^2)*sqrt(c+d*x)/b^2
--R
--R
                (2)
--R
--R
                                                              2 3 +-+
                                                                                                                   3
                                                                                                                                                   2 +-+ | +-+ +-+
--R
--R
                                 ((- 45a c d - 15b c )\|b + (15a d + 45b c d)\|a )\|c\|b - d\|a
--R
--R
                                                    4+-+ +----+
--R
                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
                                 atanh(-----)
--R
                                                    +----+
--R
--R
                                                    | +-+ +-+
--R
                                                 \c \c - d\a
--R
--R
                                                         2 3 +-+ 3 2 +-+ | +-+
--R
                                 ((45a c d + 15b c)|b + (15a d + 45b c d)|a)|c|b + d|a
--R
--R
--R
                                                    4+-+ +----+
--R
                                                    \b \b \d x + c
                                atanh(-----)
--R
--R
                                                    | +-+ +-+
--R
--R
                                                 \c \b + d\a
--R
--R
                                                                              2
                                                                                                          3
                                                                                                                                   2 +-+4+-+ +----+
                           (- 6b d x - 32b c d x - 30a d - 116b c d)\|a \|b \|d x + c
--R
--R /
--R
                             2 +-+4+-+
--R
                      15b \|a \|b
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 547
--S 548 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                (3)
--R
--R
                                                 2
--R
                                         15b
```

```
--R
--R
           ROOT
--R
--R
                 2a b
--R
--R
                  ROOT
                      6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
--R
                      ad + 42abcd + 511abcd + 1484abcd
--R
                         2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
--R
                      1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
--R
                        9
--R
                     4a b
--R
--R
                 3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
               7acd + 35abcd + 21abcd + bc
--R
--R
                4
--R
               a b
--R
--R
           log
--R
                    27283
--R
                   (6a b c d + 2a b c )
--R
--R
                   ROOT
                         6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
--R
                        ad + 42a b c d + 511a b c d + 1484a b c d
--R
                           2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
--R
                       1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
--R
                         9
--R
                       4a b
--R
                   5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4
--R
                 -abd - 24abcd - 98abcd - 112abcd
--R
--R
--R
                     682
--R
                 - 21a b c d
--R
--R
                ROOT
--R
                         4
--R
                       2a b
--R
--R
                       ROOT
                            6 14 5 2 12 4 2 4 10
--R
--R
                           ad + 42abcd + 511abcd
--R
                              3 3 6 8 2 4 8 6 5 10 4
--R
```

```
--R
                            1484a b c d + 1519a b c d + 490a b c d
--R
--R
                              6 12 2
--R
                            49b c d
--R
                            9
--R
--R
                           4a b
--R
                      3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                     7acd + 35abcd + 21abcd + bc
--R
--R
                     4
--R
--R
                    a b
--R
--R
                  6 13 5 2 11 4 2 4 9 3 3 6 7 2 4 8 5
--R
                  ad + 18a b c d - 25a b c d - 36a b c d + 63a b c d
--R
--R
                    5 10 3 6 12
--R
                  - 14a b c d - 7b c d
--R
                 +----+
--R
--R
                \d x + c
--R
--R
          2
--R
         15b
--R
--R
         ROOT
--R
--R
                    4
--R
                  2a b
--R
--R
                  ROOT
                       6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
--R
                      ad + 42abcd + 511abcd + 1484abcd
--R
                          2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
                      1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
--R
                       9
--R
--R
                      4a b
--R
--R
               3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
             7acd + 35abcd + 21abcd + bc
--R
--R
              4
--R
             a b
--R
--R
         log
--R
                   27283
                 (6abcd + 2abc)
--R
```

```
--R
--R
                  ROOT
--R
                       6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
                      ad + 42a b c d + 511a b c d + 1484a b c d
--R
                          2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
--R
                      1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
--R
--R
                      4a b
--R
                5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4 6 8 2
--R
                a b d + 24a b c d + 98a b c d + 112a b c d + 21a b c d
--R
--R
--R
               ROOT
--R
--R
--R
                        2a b
--R
--R
                        ROOT
--R
                              6 14 5 2 12 4 2 4 10
--R
                             ad + 42a b c d + 511a b c d
--R
--R
                               3 3 6 8 2 4 8 6 5 10 4
--R
                             1484a b c d + 1519a b c d + 490a b c d
--R
--R
                               6 12 2
--R
                             49b c d
--R
--R
                              9
--R
                            4a b
--R
                    3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                   7a c d + 35a b c d + 21a b c d + b c
--R
--R
--R
                  a b
--R
                6 13 5 2 11 4 2 4 9 3 3 6 7 2 4 8 5
--R
--R
                ad + 18a b c d - 25a b c d - 36a b c d + 63a b c d
--R
--R
                     5 10 3 6 12
--R
                - 14a b c d - 7b c d
--R
--R
               +----+
--R
               \d x + c
--R
--R
--R
              2
--R
           15b
```

```
--R
--R
           ROOT
--R
--R
--R
                    2a b
--R
--R
                    ROOT
                         6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
--R
                        ad + 42abcd + 511abcd + 1484abcd
--R
                           2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
--R
                        1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
                         9
--R
--R
                       4a b
--R
--R
                3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
               7acd + 35abcd + 21abcd + bc
--R
--R
--R
                4
--R
              a b
--R
--R
           log
                     27283
--R
--R
                   (- 6a b c d - 2a b c )
--R
--R
                   ROOT
                        6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
--R
                       ad + 42abcd + 511abcd + 1484abcd
--R
                          2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
--R
                       1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
                        9
--R
--R
                      4a b
--R
                   5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4
--R
                 -abd - 24abcd - 98abcd - 112abcd
--R
--R
--R
                     682
--R
                 - 21a b c d
--R
                ROOT
--R.
--R
--R
--R
                         2a b
--R
--R
                         ROOT
                              6 14 5 2 12 4 2 4 10
--R
                              ad + 42a b c d + 511a b c d
--R
```

```
--R
                                 3 3 6 8 2 4 8 6 5 10 4
--R
--R
                               1484a b c d + 1519a b c d + 490a b c d
--R
--R
                                 6 12 2
--R
                               49b c d
--R
                               9
--R
--R
                              4a b
--R
--R
                      3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
                     7acd + 35abcd + 21abcd + bc
--R
--R
                     4
--R
--R
                    a b
--R
                   6 13 5 2 11 4 2 4 9 3 3 6 7 2 4 8 5
--R
                  ad + 18a b c d - 25a b c d - 36a b c d + 63a b c d
--R
--R
--R
                    5 10 3 6 12
--R
                  - 14a b c d - 7b c d
--R
--R
                 +----+
--R
                 \d x + c
--R
--R
--R
         15b
--R
--R
         ROOT
--R
--R
                2a b
--R
--R
                ROOT
                     6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
--R
                     ad + 42a b c d + 511a b c d + 1484a b c d
--R
                        2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
--R
                     1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
--R
                      9
--R
                    4a b
--R
--R
               3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
             7acd + 35abcd + 21abcd + bc
--R
--R
--R
               4
--R
             a b
--R
--R
         log
                     272
--R
                               8 3
```

```
--R
                 (- 6a b c d - 2a b c )
--R
--R
                 ROOT
                       6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
--R
                      ad + 42abcd + 511abcd + 1484abcd
--R
                          2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
--R
                      1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
--R
--R
                     4a b
--R
                5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4 6 8 2
--R
--R
               a b d + 24a b c d + 98a b c d + 112a b c d + 21a b c d
--R
--R
              ROOT
--R
                        4
--R
                     2a b
--R
--R
                     ROOT
--R
                           6 14 5 2 12 4 2 4 10
--R
                          ad + 42abcd + 511abcd
--R
                            3 3 6 8 2 4 8 6 5 10 4
--R
--R
                           1484a b c d + 1519a b c d + 490a b c d
--R
--R
                            6 12 2
--R
                          49b c d
--R
--R
                           9
--R
                         4a b
--R
                    3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                   7a c d + 35a b c d + 21a b c d + b c
--R
--R
--R
                  a b
--R
                6 13 5 2 11 4 2 4 9 3 3 6 7 2 4 8 5
--R
--R
               ad + 18a b c d - 25a b c d - 36a b c d + 63a b c d
--R
--R
                    5 10 3 6 12
--R.
               - 14a b c d - 7b c d
--R
               +----+
--R
--R
              \d x + c
--R
             3 2 2
--R
                           3 2 +----+
       (-12b d x - 64b c d x - 60a d - 232b c d) d x + c
--R
--R /
```

```
--R
      2
--R
      30b
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 548
--S 549 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
            2 +-+4+-+
--R
           b \|a \|b
--R
--R
            ROOT
--R
                      4
--R
                   2a b
--R
--R
                   ROOT
                         6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
--R
                        ad + 42a b c d + 511a b c d + 1484a b c d
--R
--R
                             2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
                        1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
                         9
--R
--R
                       4a b
--R
                  3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                 7a c d + 35a b c d + 21a b c d + b c
--R
--R
                  4
--R
                a b
--R
--R
           log
                      27283
--R
--R
                     (6abcd + 2abc)
--R
--R
                     ROOT
                          6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
                          ad + 42a b c d + 511a b c d + 1484a b c d
--R
--R
--R
                             2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
                         1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
--R
--R
                           9
--R
                         4a b
--R
--R
                     5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4
                   -abd -24abcd -98abcd -112abcd
--R
```

```
--R
--R
                        6 8 2
--R
                   - 21a b c d
--R
--R
                 ROOT
--R
--R
                        2a b
--R
--R
                        ROOT
                              6 14 5 2 12 4 2 4 10
--R
--R
                             ad + 42a b c d + 511a b c d
--R
                                 3 3 6 8 2 4 8 6 5 10 4
--R
                              1484a b c d + 1519a b c d + 490a b c d
--R
--R
--R
                               6 12 2
--R
                             49b c d
                           9
--R
--R
--R
                            4a b
--R
--R
                       3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                     7acd + 35abcd + 21abcd + bc
--R
                      4
--R
--R
                     a b
--R
                    6 13 5 2 11 4 2 4 9 3 3 6 7 2 4 8 5
--R
--R
                   ad + 18a b c d - 25a b c d - 36a b c d + 63a b c d
--R
--R
                       5 10 3 6 12
--R
                  - 14a b c d - 7b c d
--R
--R
                  +----+
--R
                 \d x + c
--R
          2 +-+4+-+
--R
--R
         b \|a \|b
--R
--R
         ROOT
--R
--R
--R
                   2a b
--R
--R
                   ROOT
                         6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
--R
                        ad + 42a b c d + 511a b c d + 1484a b c d
--R
                           2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
--R
                        1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
```

```
--R
                      9
--R
--R
                      4a b
--R
              3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
              7a c d + 35a b c d + 21a b c d + b c
--R
--R
--R
             a b
--R
--R
         log
                  27283
--R
                 (6a b c d + 2a b c )
--R
--R
--R
                 ROOT
--R
                       6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
                      ad + 42abcd + 511abcd + 1484abcd
--R
--R
                         2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
                     1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
--R
                       9
                     4a b
--R
--R
--R
                5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4 6 8 2
--R
               a b d + 24a b c d + 98a b c d + 112a b c d + 21a b c d
--R
--R
              ROOT
--R
--R
--R
                       2a b
--R
--R
                        ROOT
                             6 14 5 2 12 4 2 4 10
--R
--R
                            ad + 42abcd + 511abcd
--R
                               3 3 6 8 2 4 8 6 5 10 4
--R
--R
                            1484a b c d + 1519a b c d + 490a b c d
--R
--R
                              6 12 2
--R
                            49b c d
--R
                             9
--R
--R
                           4a b
--R
                    3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
                   7a c d + 35a b c d + 21a b c d + b c
--R
--R
--R
                   4
--R
                  a b
```

```
--R
                6 13 5 2 11 4 2 4 9 3 3 6 7 2 4 8 5
--R
--R
               ad + 18a b c d - 25a b c d - 36a b c d + 63a b c d
--R
--R
                    5 10 3 6 12
--R
                - 14a b c d - 7b c d
--R
               +----+
--R
--R
              \d x + c
--R
--R
--R
            2 +-+4+-+
--R
           b \|a \|b
--R
--R
           ROOT
--R
--R
--R
                     2a b
--R
--R
                     ROOT
                          6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
--R
                          ad + 42a b c d + 511a b c d + 1484a b c d
--R
--R
                              2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
                          1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
--R
                          9
--R
                         4a b
--R
                  3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                 7a c d + 35a b c d + 21a b c d + b c
--R
--R
                 4
--R
               a b
--R
--R
           log
                       27283
--R
                    (- 6a b c d - 2a b c )
--R
--R
--R
                    ROOT
                         6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
--R
                         ad + 42abcd + 511abcd + 1484abcd
--R
--R
                            2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
                        1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
--R
                          9
--R
                       4a b
--R
                    5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4
--R
```

```
--R
                 -abd -24abcd -98abcd -112abcd
--R
--R
                      682
--R
                  - 21a b c d
--R
--R
                ROOT
--R
--R
--R
                         2a b
--R
--R
                         ROOT
                               6 14 5 2 12 4 2 4 10
--R
--R
                              ad + 42abcd + 511abcd
--R
--R
                                 3 3 6 8 2 4 8 6 5 10 4
--R
                              1484a b c d + 1519a b c d + 490a b c d
--R
--R
                               6 12 2
--R
                              49b c d
                           9
--R
--R
--R
                             4a b
--R
                      3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                    7acd + 35abcd + 21abcd + bc
--R
                     4
--R
--R
                   a b
--R
                  6 13 5 2 11 4 2 4 9 3 3 6 7 2 4 8 5
--R
--R
                 ad + 18a b c d - 25a b c d - 36a b c d + 63a b c d
--R
--R
                      5 10 3 6 12
--R
                 - 14a b c d - 7b c d
--R
--R
                 +----+
--R
                \label{eq:ldx+c} \
--R
         2 +-+4+-+
--R
--R
         b \|a \|b
--R
--R
         ROOT
--R
                  4
--R
               2a b
--R
--R
                ROOT
                     6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
--R
                    ad + 42abcd + 511abcd + 1484abcd
--R
                         2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
```

```
--R
                    1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
                     9
--R
--R
                   4a b
--R
              3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
             7a c d + 35a b c d + 21a b c d + b c
--R
--R
              4
--R
             a b
--R
--R
         log
                    27283
--R
                 (- 6a b c d - 2a b c )
--R
--R
--R
                 ROOT
--R
                      6 14 5 2 12 4 2 4 10 3 3 6 8
--R
                      ad + 42abcd + 511abcd + 1484abcd
--R
                         2 4 8 6 5 10 4 6 12 2
--R
--R
                      1519a b c d + 490a b c d + 49b c d
--R
--R
                       9
--R
                     4a b
--R
                5 2 10 4 3 2 8 3 4 4 6 2 5 6 4 6 8 2
--R
--R
                a b d + 24a b c d + 98a b c d + 112a b c d + 21a b c d
--R
--R
              ROOT
--R
--R
                     2a b
--R
--R
                     ROOT
                          6 14 5 2 12 4 2 4 10
--R
--R
                          ad + 42abcd + 511abcd
--R
                             3 3 6 8 2 4 8 6 5 10 4
--R
--R
                          1484a b c d + 1519a b c d + 490a b c d
--R
--R
                            6 12 2
--R
                          49b c d
--R
--R
                            9
--R
                         4a b
--R
                    3 6 2 3 4 2 5 2 3 7
--R
--R
                  7acd + 35abcd + 21abcd + bc
--R
--R
                   4
--R
                  a b
```

```
--R
                  6 13 5 2 11 4 2 4 9 3 3 6 7 2 4 8 5
--R
--R
                 ad + 18a b c d - 25a b c d - 36a b c d + 63a b c d
--R
                       5 10 3 6 12
--R
--R
                  - 14a b c d - 7b c d
--R
--R
                 +----+
                \label{eq:local_decomposition} \
--R
--R
--R
                 2 3 +-+ 3 2 +-+ | +-+ +-+
--R
          ((6a c d + 2b c )\|b + (- 2a d - 6b c d)\|a )\|c\|b - d\|a
--R
--R
--R
                4+-+ +----+
--R
                \b \b \d x + c
--R
          atanh(-----)
               +----+
--R
               | +-+ +-+
--R
               \c \b - d\a
--R
--R
--R
                 2 3 +-+ 3 2 +-+ | +-+ +-+
--R
--R
          ((-6a c d - 2b c) | b + (-2a d - 6b c d) | a) | c | b + d | a
--R
                4+-+ +----+
--R
--R
                \b \b \d x + c
--R
         atanh(-----)
--R
--R
                | +-+ +-+
               \c \b + d\a
--R
--R /
--R
        2 +-+4+-+
--R
      2b \|a \|b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 549
--S 550 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 550
)clear all
--S 551 of 1581
t0:=(c+d*x)^(5/2)/(a-b*x^2)
--R
```

```
--R
                                                      2 +----+
--R
                                      2 2
--R
                              (-dx - 2cdx - c) \mid dx + c
--R
                (1) -----
                                                                2
--R
--R
                                                              b x - a
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 551
--S 552 of 1581
r0:=-2/3*d*(c+d*x)^(3/2)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-atanh(b^(1/4)*sqrt(a)+_a)/b-a
              c*sqrt(b))*(-d*sqrt(a)+c*sqrt(b))^(5/2)/(b^(7/4)*sqrt(a))+_
              atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(d*sqrt(a)+c*sqrt(b)))*(d*_
              sqrt(a)+c*sqrt(b))^(5/2)/(b^(7/4)*sqrt(a))-4*c*d*sqrt(c+d*x)/b
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                                                                                                                             4+-+ +----+
                                           +-+ +-+ 2 2 | +-+ +-+
--R
                                                                                                                                                                             \b \b \d x + c
                            (6c d|a |b - 3a d - 3b c)|c|b - d|a atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                             | +-+ +-+
--R
                                                                                                                                                                          --R
                                                                                                                                                                             4+-+ +----+
--R
                                           +-+ +-+ 2
                                                                                                        2 | +-+ +-+
--R
                                                                                                                                                                             \b \b \d x + c
                            (6c d|a |b + 3a d + 3b c)|c|b + d|a atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                            | +-+ +-+
--R
                                                                                                                                                                          \c \b + d\a
--R
--R
                                         2
                                                                         +-+4+-+3 +----+
--R
                            (-2d x - 14c d) | a | b | d x + c
--R /
--R
                             +-+4+-+3
--R
                     3b\|a \|b
--R
                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 552
--S 553 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R.
--R
                (3)
--R
                                Зb
--R
--R
                                ROOT
--R
--R
                                                         2a b
--R
```

```
--R
              --R
--R
              --R
--R
              -
--R
              1/
                                 4a b
--R
--R
                    3 2 2 5
            5a c d + 10a b c d + b c
--R
--R
--R
            3
--R
           a b
--R
--R
        log
                2 5 2 6 2
--R
--R
               (2a b d + 2a b c )
--R
--R
              --R
--R
              |a d + 20a b c d + 110a b c d + 100a b c d + 25b c d
--R
--R
              1
                                 7
--R
              \backslash I
                                4a b
--R
--R
               3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
              - 2a b c d - 20a b c d - 10a b c d
--R
--R
            ROOT
--R
                     3
--R
                  2a b
--R
--R
                  ROOT
                       4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                      ad + 20a b c d + 110a b c d + 100a b c d
--R
                        482
--R
--R
                      25b c d
--R
                       7
--R
--R
                      4a b
--R
--R
                  2 4 3 2 2 5
--R
                5acd + 10abcd + bc
--R
--R
                  3
--R
                a b
--R
--R
            4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
           (a d + 8a b c d - 14a b c d + 5b c d) | d x + c
--R
```

```
--R
--R
           3b
--R
           ROOT
--R
--R
--R
                      3
--R
                    2a b
--R
--R
                    ROOT
                         4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                        ad + 20abcd + 110abcd + 100abcd
--R
--R
                          4 8 2
                        25b c d
--R
                     7
--R
--R
--R
                        4a b
--R
--R
                2 4 3 2 2 5
--R
               5acd + 10abcd + bc
--R
--R
                3
--R
               a b
--R
--R
           log
--R
                     2 5 2 6 2
--R
                   (2a b d + 2a b c)
--R
--R
                   ROOT
                        4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                        ad + 20abcd + 110abcd + 100abcd
--R
--R
                         482
--R
                        25b c d
                     7
--R
--R
--R
                       4a b
--R
                   3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
--R
                  2a b c d + 20a b c d + 10a b c d
--R
--R
                ROOT
--R
--R
                           3
--R
                         2a b
--R
--R
                         ROOT
                               4 10 3 2 8 2 2 4 6
--R
--R
                              ad + 20abcd + 110abcd
--R
```

```
3 6 4 4 8 2
--R
--R
                           100a b c d + 25b c d
--R
                            7
--R
--R
                           4a b
--R
                     2 4 3 2 2 5
--R
--R
                    5a c d + 10a b c d + b c
--R
                     3
--R
--R
                  a b
--R
               4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
              (a d + 8a b c d - 14a b c d + 5b c d)\|d x + c
--R
--R
--R
        Зъ
--R
--R
        ROOT
--R
--R
--R
                2a b
--R
--R
                --R
--R
                |a d + 20a b c d + 110a b c d + 100a b c d + 25b c d
--R
--R
--R
               \backslash I
                                   4a b
--R
              2 4 3 2 2 5
--R
--R
             5a c d + 10a b c d + b c
--R
--R
             3
--R
            a b
--R
--R
        log
                  2 5 2 6 2
--R
--R
                (- 2a b d - 2a b c )
--R
--R
               --R
--R
               --R
--R
--R
              \backslash I
                                 4a b
--R
                3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
--R
              - 2a b c d - 20a b c d - 10a b c d
--R
             ROOT
--R
```

```
--R
--R
                          3
--R
                       2a b
--R
--R
                       ROOT
                             4 10 3 2 8 2 2 4 6
--R
--R
                            ad + 20abcd + 110abcd
--R
                                3 6 4 4 8 2
--R
                            100a b c d + 25b c d
--R
--R
                             7
--R
                           4a b
--R
--R
--R
                    2 4
                          3 2 2 5
--R
                   5acd + 10abcd + bc
--R
--R
                    3
--R
                  a b
--R
--R
                  3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
            (a d + 8a b c d - 14a b c d + 5b c d) | d x + c
--R
--R
--R
           3b
--R
--R
           ROOT
--R
--R
                  2a b
--R
--R
                 --R
--R
                 |a d + 20a b c d + 110a b c d + 100a b c d + 25b c d
--R
--R
                 7
                                      4a b
--R
                1/
--R
--R
                  2 4
                           3 2 2 5
                5a c d + 10a b c d + b c
--R
--R
                 3
--R
--R
               a b
--R
--R
           log
                       2 5 2 6 2
--R
                    (- 2a b d - 2a b c )
--R
--R
--R
                   ROOT
                         4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                         ad + 20abcd + 110abcd + 100abcd
```

```
--R
--R
                              482
--R
                             25b c d
--R
--R
                             7
--R
                           4a b
--R
                      3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
--R
                     2a b c d + 20a b c d + 10a b c d
--R
--R
                   ROOT
--R
                              3
--R
                           2a b
--R
--R
                           ROOT
--R
                                 4 10 3 2 8 2 2 4 6
--R
                                 a d + 20a b c d + 110a b c d
--R
--R
                                     3 6 4 4 8 2
                                100a b c d + 25b c d
--R
--R
--R
                                  7
--R
                               4a b
--R
--R
                          2 4 3 2 2 5
                         5a c d + 10a b c d + b c
--R
--R
--R
                          3
--R
                       a b
--R
--R
                   4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
                 (a d + 8a b c d - 14a b c d + 5b c d) | d x + c
--R
                  +----+
--R
--R
        (-4d x - 28c d) | d x + c
--R /
--R
       6b
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 553
--S 554 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
           +-+4+-+3
--R
          b\|a \|b
--R
--R
          ROOT
--R
                      3
```

```
--R
              2a b
--R
--R
               --R
--R
               |ad + 20abcd + 110abcd + 100abcd + 25bcd
--R
--R
--R
              \backslash I
                                  4a b
--R
             2 4 3 2 2 5
--R
--R
             5a c d + 10a b c d + b c
--R
--R
             3
--R
           a b
--R
--R
        log
--R
                 2 5 2 6 2
--R
               (2a b d + 2a b c )
--R
--R
               --R
--R
               |a d + 20a b c d + 110a b c d + 100a b c d + 25b c d
--R
--R
               -
                                7
--R
                                 4a b
              \backslash I
--R
               3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
--R
              - 2a b c d - 20a b c d - 10a b c d
--R
--R
             ROOT
--R
                     3
--R
                   2a b
--R
--R
                   ROOT
                        4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
                       ad + 20abcd + 110abcd + 100abcd
--R
--R
                         4 8 2
--R
--R
                       25b c d
--R
                        7
--R
--R
                       4a b
--R
                  2 4 3 2 2 5
--R
                 5acd + 10abcd + bc
--R
--R
--R
                  3
--R
                a b
--R
--R
             4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
```

```
--R
             (a d + 8a b c d - 14a b c d + 5b c d) | d x + c
--R
--R
--R
             +-+4+-+3
--R
            b\|a \|b
--R
            ROOT
--R
--R
--R
                        3
                      2a b
--R
--R
                      ROOT
--R
                            4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                           ad + 20a b c d + 110a b c d + 100a b c d
--R
--R
                            482
--R
                           25b c d
--R
                           7
--R
--R
                          4a b
--R
                  2 4 3 2 2 5
--R
--R
                  5a c d + 10a b c d + b c
--R
--R
                 3
--R
                a b
--R
--R
            log
                       2 5 2 6 2
--R
--R
                     (2a b d + 2a b c )
--R
                     ROOT
--R
                           4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                          ad + 20abcd + 110abcd + 100abcd
--R
                            482
--R
--R
                          25b c d
--R
                           7
--R
--R
                         4a b
--R
--R
                     3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
                   2a b c d + 20a b c d + 10a b c d
--R
                 ROOT
--R
--R
--R
                              3
--R
                            2a b
--R
--R
                            ROOT
```

```
4 10 3 2 8 2 2 4 6
--R
--R
                              ad + 20abcd + 110abcd
--R
--R
                                  3 6 4 4 8 2
--R
                              100a b c d + 25b c d
--R
                               7
--R
--R
                             4a b
--R
                             3 2 2 5
--R
--R
                     5acd + 10abcd + bc
--R
--R
                      3
--R
                    a b
--R
--R
                4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
               (a d + 8a b c d - 14a b c d + 5b c d)\|d x + c
--R
--R
          +-+4+-+3
--R
         b\|a \|b
--R
--R
         ROOT
--R
--R
                    3
--R
                  2a b
--R
--R
                 --R
--R
                 |a d + 20a b c d + 110a b c d + 100a b c d + 25b c d
--R
--R
                - 1
--R
                \backslash I
                                     4a b
--R
               2 4 3 2 2 5
--R
--R
              5a c d + 10a b c d + b c
--R
--R
              3
--R
            a b
--R
--R
         log
                    2 5 2 6 2
--R
--R
                 (- 2a b d - 2a b c )
--R
--R
                --R
--R
                |a d + 20a b c d + 110a b c d + 100a b c d + 25b c d
--R
--R
--R
               \backslash |
                                    4a b
--R
```

```
3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
--R
                - 2a b c d - 20a b c d - 10a b c d
--R
              ROOT
--R
--R
--R
                         3
--R
                       2a b
--R
--R
                       ROOT
                             4 10 3 2 8 2 2 4 6
--R
--R
                            ad + 20abcd + 110abcd
--R
                                3 6 4 4 8 2
--R
                            100a b c d + 25b c d
--R
                          7
--R
--R
--R
                           4a b
--R
                    2 4 3 2 2 5
--R
                   5a c d + 10a b c d + b c
--R
--R
--R
                   3
--R
                  a b
--R
--R
              4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
             (a d + 8a b c d - 14a b c d + 5b c d) | d x + c
--R
--R
--R
            +-+4+-+3
--R
           b\|a \|b
--R
--R
           ROOT
--R
--R
                 2a b
--R
--R
                 --R
--R
                 |a d + 20a b c d + 110a b c d + 100a b c d + 25b c d
--R
--R
--R
                 \backslash I
                                      4a b
--R
--R
                 2 4 3 2 2 5
--R
               5acd + 10abcd + bc
--R
                 3
--R
--R
               a b
--R
           log
--R
--R
                       2 5 2 6 2
```

```
--R
                    (- 2a b d - 2a b c )
--R
--R
                    ROOT
                          4 10 3 2 8 2 2 4 6 3 6 4
--R
--R
                         ad + 20abcd + 110abcd + 100abcd
--R
--R
                           482
--R
                         25b c d
--R
                         7
--R
--R
                        4a b
--R
                    3 2 6 2 3 3 4 4 5 2
--R
                  2a b c d + 20a b c d + 10a b c d
--R
--R
--R
                 ROOT
--R
                          3
--R
                        2a b
--R
--R
                        ROOT
                             4 10 3 2 8 2 2 4 6
--R
--R
                             ad + 20a b c d + 110a b c d
--R
                                3 6 4 4 8 2
--R
--R
                             100a b c d + 25b c d
--R
                             7
--R
--R
                            4a b
--R
                        2 4 3 2 2 5
--R
--R
                      5a c d + 10a b c d + b c
--R
--R
                       3
--R
                     a b
--R
                 4 9 3 2 7 2 2 4 5 4 8 +----+
--R
--R
               (a d + 8a b c d - 14a b c d + 5b c d) | d x + c
--R
--R
                                                  4+-+ +----+
             +-+ +-+ 2
                             2 | +-+ +-+
--R
                                                   \b \l x + c
       (- 4c d|a |b + 2a d + 2b c)|c|b - d|a atanh(-----)
--R
--R
--R.
                                                   | +-+ +-+
                                                  \|c\|b - d\|a
--R
--R
--R
                                 +----+
                                                  4+-+ +----+
             +-+ +-+ 2 2 | +-+ +-+
--R
                                                  \b \d x + c
--R
        (- 4c d|a |b - 2a d - 2b c)|c|b + d|a atanh(------)
--R
                                                   | +-+ +-+
--R
```

```
\c \b + d\a
--R
--R /
--R
         +-+4+-+3
--R
      2b\|a \|b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 554
--S 555 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 555
)clear all
--S 556 of 1581
t0:=(c+d*x)^(3/2)/(a-b*x^2)
--R
--R
--R
                   +----+
--R
        (-dx-c)/dx+c
     (1) -----
--R
            2
--R
--R
              b х - а
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 556
--S 557 of 1581
\verb"r0:=-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+c*sqrt(b)))*_-
    (-d*sqrt(a)+c*sqrt(b))^(3/2)/(b^(5/4)*sqrt(a))+atanh(b^(1/4)*_
    sqrt(c+d*x)/sqrt(d*sqrt(a)+c*sqrt(b)))*(d*sqrt(a)+_
    c*sqrt(b))^(3/2)/(b^(5/4)*sqrt(a))-2*d*sqrt(c+d*x)/b
--R
--R
--R
     (2)
--R
                       +----+
                                          4+-+ +----+
           +-+ +-+ | +-+ +-+
--R
                                          \b \d x + c
--R
        (-c\b + d\a )\c - d\a atanh(-----)
                                          +----+
--R
--R
                                          | +-+ +-+
--R.
                                          \c \b - d\a
--R
                                         4+-+ +----+
--R
                      +----+
           +-+ +-+ | +-+ +-+
                                         \b \d x + c
--R
        (c\b + d\a )\c + d\a  atanh(-----)
--R
                                         +----+
--R
--R
                                         | +-+ +-+
                                        \c \b + d\a
--R
```

```
+-+4+-+ +-----+
--R
--R
--R
      - 2d\|a \|b \|d x + c
--R /
--R
      +-+4+-+
     b\|a \|b
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 557
--S 558 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
              --R
--R
--R
            | 2 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 3
            |2a b |----- + 3a c d + b c
--R
--R
--R
                 \I
                      4a b
--R
--R
            --R
                               a b
           \backslash I
--R
--R
           log
--R
                --R
--R
--R
                     5
--R
--R
                     \backslash I
                             4a b
--R
--R
--R
                     1 2 6 2 4 2 4 2
--R
                  2 | a d + 6 a b c d + 9 b c d
--R
                 |2a b |----- + 3a c d + b c
--R
--R
                     4a b
--R
                     \|
--R
--R
--R
                \backslash I
                                   a b
--R
                2 5 2 3 2 4 +----+
--R
--R
               (a d + 2a b c d - 3b c d) \setminus |d x + c
--R
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
       | 5
| \| 4a b
--R
--R
--R
                  2
a b
--R
--R
       \backslash I
--R
--R
       log
--R
               1 2 6 2 4 2 4 2
--R
           4 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 4 2 2 2
(2a b c | ----- + a b d + 3a b c d )
--R
--R
                   5
4a b
--R
               1
--R
               \I
--R
--R
--R
               --R
           | 2 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 3
--R
--R
           |- 2a b |----- + 3a c d + b c
           --R
--R
--R
                       2
a b
--R
           - 1
--R
           \backslash I
--R
           2 5 2 3 2 4 +----+
--R
--R
          (a d + 2a b c d - 3b c d) \setminus |d x + c
--R
--R
--R
--R
          --R
--R
          |- 2a b |----- + 3a c d + b c
--R
           | 5
--R
            \| 4a b
--R
         --R
        b |-----
--R
         --R
         \backslash I
                        a b
--R.
--R
        log
--R
                  +----+
                  --R
                 4 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 4 2 2 2
--R
--R
             (- 2a b c |----- - a b d - 3a b c d )
                 | 5
| 4a b
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
              --R
--R
--R
              |- 2a b |----- + 3a c d + b c
              --R
--R
--R
                            2
--R
--R
                              a b
              \backslash I
--R
              2 5 2 3 2 4 +----+
--R
--R
             (a d + 2a b c d - 3b c d) \setminus |d x + c
--R
--R
--R
            1 2 6 2 4 2 4 2
--R
            2 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 3
--R
--R
         |2a b |----- + 3a c d + b c
                 5
--R
            - 1
                4a b
--R
            \1
--R
                    2
a b
--R
        --R
        \backslash I
--R
--R
       log
--R
                --R
--R
            (- 2a b c |----- + a b d + 3a b c d )
--R
                 | 5
\| 4a b
--R
--R
--R
--R
--R
                1 2 6 2 4 2 4 2
--R
            | 2 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 3
--R
             |2a b |----- + 3a c d + b c
--R
--R
             1 1
               \| 4a b
--R
--R
--R
--R
            M
                            a b
--R
            2 5 2 3 2 4 +----+
--R
--R
           (a d + 2a b c d - 3b c d) \setminus |d x + c
--R
--R
         +----+
--R
      - 4d \mid d x + c
```

```
--R /
--R 2b
--R
                             Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 558
--S 559 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
    (4)
--R
--R
--R
--R
                    --R
--R
                 | 2 | a d + 6 a b c d + 9 b c d
--R
                 |2a b |----- + 3a c d + b c
--R
           +-+4+-+ | \| 4a b
--R
--R
          b\|a \|b |-----
--R
--R
                \backslash I
                                a b
--R
--R
          log
--R
                    1 2 6 2 4 2 4 2
--R
               4 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 4 2 2 2 (2a b c | ----- - a b d - 3a b c d )
--R
--R
                       5
--R
                   - 1
--R
                   \backslash I
                           4a b
--R
--R
               --R
--R
--R
--R
               |2a b |----- + 3a c d + b c
               | | 5
--R
               | \| 4a b
--R
               |-----
--R
--R
--R
              \backslash I
--R
--R
              2 5 2 3 2 4 +----+
--R
             (a d + 2a b c d - 3b c d) \setminus |d x + c
--R
--R
--R
                   --R
              | 2 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 3
--R
              |- 2a b |----- + 3a c d + b c
--R
--R
                   - 1
                              5
```

```
+-+4+-+ | \| 4a b
--R
--R
        b\|a \|b |-----
                      2
a b
--R
             1
             M
--R
--R
--R
       log
--R
--R
               4 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 4 2 2 2
--R
            (2a b c |----- + a b d + 3a b c d )
--R
                | 5
| 4a b
--R
--R
--R
--R
             | +-----+
| 2 6 2 4 2 4 2
--R
--R
             2 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 3
--R
             |- 2a b |----- + 3a c d + b c
--R
             --R
--R
--R
                           2
a b
--R
--R
            \backslash I
--R
--R
            2 5 2 3 2 4 +----+
--R
           (a d + 2a b c d - 3b c d) \setminus |d x + c
--R
--R
--R
--R
                --R
--R
--R
                |- 2a b |----- + 3a c d + b c
           --R
--R
         b\|a \|b |-----
--R
--R
               - 1
                                a b
               \backslash I
--R
--R
--R
         log
--R
                     1 2 6 2 4 2 4 2
--R
              4 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 4 2 2 2 (- 2a b c | ----- - - a b d - 3a b c d )
--R.
--R
                    | 5
\| 4a b
--R
--R
--R
--R
--R
                   1 2 6 2 4 2 4 2
--R
```

```
| 2 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 3
--R
--R
               |- 2a b |----- + 3a c d + b c
               --R
--R
--R
--R
               1
--R
              \backslash I
                               a b
--R
              2 5 2 3 2 4 +----+
--R
--R
             (a d + 2a b c d - 3b c d) \setminus |d x + c
--R
--R
--R
                  --R
              2 | a d + 6a b c d + 9b c d
--R
--R
              |2a b |----- + 3a c d + b c
         | | 5
+-+4+-+ | \| 4a b
--R
--R
--R
        b\|a \|b ||-----
                           2
a b
--R
--R
              \backslash I
--R
--R
        log
--R
                   --R
                 4 | a d + 6a b c d + 9b c d 2 4 2 2 2
--R
             (- 2a b c |----- + a b d + 3a b c d )
--R
                 | 5
\| 4a b
--R
--R
--R
--R
--R
             --R
--R
             |2a b |----- + 3a c d + b c
             | | 5
| \| 4ab
--R
--R
--R
--R
--R
            \backslash I
--R
--R
            2 5 2 3 2 4 +----+
--R.
           (a d + 2a b c d - 3b c d) \setminus |d x + c
--R
                                4+-+ +----+
--R
                  +----+
              +-+ | +-+ +-+
--R
                                \left| b \right| d x + c
      (2c\|b - 2d\|a )\|c\|b - d\|a atanh(-----)
--R
                                 +----+
--R
                                 | +-+ +-+
--R
                                 \c \b - d\a
--R
```

```
--R
--R
                                              4+-+ +----+
             +-+ +-+ | +-+ +-+
--R
                                              \b \b \d x + c
--R
         (-2c\b - 2d\a )\c + d\a atanh(-----)
--R
                                               | +-+ +-+
--R
--R
                                              \c \b + d\a
--R /
         +-+4+-+
--R
--R
       2b\|a \|b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 559
--S 560 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 560
)clear all
--S 561 of 1581
t0:=(c+d*x)^(1/2)/(a-b*x^2)
--R
--R
--R
           +----+
--R
           \d x + c
--R (1) - -----
            2
--R
--R
           b x - а
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 561
--S 562 of 1581
\verb"r0:=-atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+c*sqrt(b)))*_-
    sqrt(-d*sqrt(a)+c*sqrt(b))/(b^(3/4)*sqrt(a))+atanh(b^(1/4)*_
    sqrt(c+d*x)/sqrt(d*sqrt(a)+c*sqrt(b)))*sqrt(d*sqrt(a)+_
    c*sqrt(b))/(b^(3/4)*sqrt(a))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                               4+-+ +----+
           | +-+ +-+
--R
                               \b \l x + c
        - \|c\|b - d\|a atanh(-----)
--R
                               +----+
--R
--R
                               | +-+ +-+
--R
                              \c \b - d\a
--R
```

```
4+-+ +----+
--R
       | +-+ +-+
--R
                      \b \d x + c
--R
       \|c\|b + d\|a atanh(-----)
--R
                      | +-+ +-+
--R
                      \|c\|b + d\|a
--R
--R /
--R
      +-+4+-+3
--R
     \|a \|b
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 562
--S 563 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
--R
       +----+
       --R
--R
--R
       |2a b |---- + c
                         +----+ |2a b |---- + c
       | | 3
                         | 2 | | 3
--R
       | \|4a b
       --R
--R
      \| a b
                          | 3 \| a b
--R
                          \|4a b
--R
--R
--R
--R
            +----+
--R
           --R
--R
--R
           |- 2a b |---- + c
          | | 3
| \|4a b
--R
--R
--R
           |-----
               a b
--R
          \backslash I
--R
--R
--R
                          | 2
| d
--R
--R
--R
                 +----+ |- 2a b |----- + c
                | 2 | | 3
--R
                2 | d | \|4a b
--R
          log(2a b | ---- | ----- + d | d x + c)
--R
                | 3 \| a b
--R
--R
                \|4a b
--R
```

```
--R
--R
         | | 2
| | d
--R
--R
--R
         |- 2a b |---- + c
         | 3
--R
--R
             \|4a b
--R
--R
        \| a b
--R
--R
--R
--R
                          | d
--R
--R
                +----+ |- 2a b |----- + c
--R
                | 2 | | 3
        2 | d | \|4a b +----+
log(- 2a b |---- |------ + d\|d x + c )
--R
--R
               | 3 \| a b
--R
--R
                \|4a b
--R
--R
--R
       --R
--R
--R
       |2a b |---- + c
                            +----+ |2a b |---- + c
     --R
--R
--R
                            | 3 \| a b
--R
     \| a b
--R
                            \|4a b
--R /
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 563
--S 564 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
--R
                  1 2
--R
               | | d
--R
               |2a b |---- + c
--R
              | | 3
--R
--R
        +-+4+-+3 | \|4a b
        \|a \|b ||-----
--R
              \| a b
--R
```

```
--R
--R
                     | +----+
| | 2
| | d
--R
--R
--R
               +----+ |2a b |---- + c
--R
        --R
--R
--R
               | 3 \| a b
--R
--R
              \|4a b
--R
--R
--R
--R
                 | | 2
| | d
--R
--R
--R
                 |- 2a b |---- + c
                 | | 3
--R
          +-+4+-+3 | \|4a b
\|a \|b |-----
--R
--R
--R
                \| a b
--R
--R
                       | +----+
| | 2
| | d
--R
--R
--R
--R
                 +----+ |- 2a b |---- + c
          --R
--R
--R
--R
                 \|4a b
--R
--R
--R
               | +----+
| | 2
| | d
--R
--R
--R
               |- 2a b |---- + c
--R
                 | 3
--R
         +-+4+-+3 | \|4a b
--R
--R
        \|a \|b ||-----
--R
              \| a b
--R
--R
                       | +----+
--R
                      --R
--R
--R
                   ----+ |- 2a b |----- + c
--R
                 | 2 | | 3
```

```
2 | d | \|4a b +----+
log(- 2a b |---- |------ + d\|d x + c )
--R
--R
--R
                  | 3 \| a b
--R
                  \|4a b
--R
--R
--R
--R
                       | 2
--R
                    | | d
--R
--R
                    |2a b |---- + c
                    | | 3
--R
             +-+4+-+3 | \|4a b
--R
            \|a \|b |-----
--R
--R
                   \| a b
--R
--R
--R
--R
                            l ld
--R
--R
                      +----+ |2a b |---- + c
                    | 2 | | 3
--R
--R
                    2 | d | \|4a b
            log(- 2a b |----- + d\|d x + c )
--R
                     .
| 3 \| a b
--R
--R
                     \|4a b
--R
                         4+-+ +----+
--R
--R
         | +-+ +-+
                           \b \b \d x + c
        2\|c\|b - d\|a atanh(-----)
--R
--R
                           | +-+ +-+
--R
--R
                          \c \b - d\a
--R
                             4+-+ +----+
--R
          | +-+ +-+
                             \b \b \d x + c
--R
        - 2\|c\|b + d\|a atanh(-----)
--R
                            +----+
--R
                             | +-+ +-+
--R
                            \c \b + d\a
--R
--R /
--R
       +-+4+-+3
--R
      2\|a \|b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 564
--S 565 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
```

```
--R
    (5) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 565
)clear all
--S 566 of 1581
t0:=1/((c+d*x)^(1/2)*(a-b*x^2))
--R
--R
--R
--R
            2 +----+
--R
--R
           (b x - a) \mid d x + c
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 566
--S 567 of 1581
r0:=-atanh(b^{(1/4)}*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+c*sqrt(b)))/(b^{(1/4)}*_{\_}
     sqrt(a)*sqrt(-d*sqrt(a)+c*sqrt(b)))+atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/_
     \operatorname{sqrt}(\operatorname{d} \operatorname{sqrt}(a) + \operatorname{c} \operatorname{sqrt}(b))) / (b^(1/4) \operatorname{sqrt}(a) \operatorname{sqrt}(\operatorname{d} \operatorname{sqrt}(a) + \operatorname{c} \operatorname{sqrt}(b)))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                 4+-+ +----+
           | +-+ +-+
                                  \b \b \d x + c
--R
--R
         - \|c\|b + d\|a atanh(-----)
                                  +----+
--R
--R
                                  | +-+ +-+
--R.
                                 \c \b - d\a
--R
                                4+-+ +----+
--R
          | +-+ +-+
--R
                                \b \d x + c
--R
         \|c\|b - d\|a atanh(-----)
--R
                                | +-+ +-+
--R
                               \c \b + d\a
--R
--R /
                +----+
--R
        +-+4+-+ | +-+ +-+ | +-+
--R
       --R
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 567
--S 568 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
            +----+
```

```
--R
--R
        | 22 2 |
--R
        |(2a d - 2a b c ) |----- - c
--R
                    | 3 4 2222 34
--R
--R
                    \|4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
                       2 2 2
--R
--R
                      ad - abc
        \|
--R
--R
        log
--R
--R
              2 2 2 3 |
--R
--R
             ((2a b c d - 2a b c ) |-----
--R
                            | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
                            \| 4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
--R
--R
--R
             1 2 2 2 1
--R
--R
             |(2a d - 2a b c ) |-----
                         | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
--R
                        \|4abd - 8abcd + 4abc
--R
                           2 2 2
--R
--R
             \|
                           ad - abc
--R
--R
--R
           d \mid d x + c
--R
--R
--R
--R
--R
             2 2 2 1
--R
--R
           |(- 2a d + 2a b c ) |----- - c
                        | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
                       \|4abd - 8abcd + 4abc
--R
--R
--R
                         2 2 2
                        ad - abc
--R
          \backslash I
--R
--R
          log
--R
--R
                   2 2 2 3 |
--R
--R
                  (2a b c d - 2a b c ) |-----
                                | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
```

```
--R
                                \| 4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                   2 2 2 1
--R
--R
               |(- 2a d + 2a b c ) |-----
--R
                             | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
                             \| 4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
                              2 2 2
--R
                             ad - abc
--R
               M
--R
--R
              +----+
--R
             d \mid d x + c
--R
--R
--R
--R
             2 2 2 |
--R
        |(- 2a d + 2a b c )|-----
--R
                      | 3 4 2222 34
--R
--R
                      \| 4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
                       2 2 2
--R
--R
                       ad - abc
        \backslash I
--R
--R
        log
--R
--R
                2 2 2 3 |
--R
--R
             ((- 2a b c d + 2a b c ) |-----
                             | 3 4 2222 34
--R
--R
                             \|4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
--R
--R
--R
             | 22 2 |
--R
--R
             |(- 2a d + 2a b c ) |----- - c
                           | 3 4 2222 34
--R
--R
                           \|4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
              |-----
                           2 2 2
--R
--R
                           ad - abc
             \ |
--R
             +----+
--R
```

```
--R
          d \mid d x + c
--R
--R
--R
--R
--R
           | 2 2 2 |
--R
--R
           |(2a d - 2a b c ) |----- - c
                        | 3 4 2222 34
--R
                       \|4abd - 8abcd + 4abc
--R
--R
                          2 2 2
--R
                        ad - abc
--R
           XI.
--R
--R
          log
--R
--R
--R
                   2 2 2 3 |
--R
                 (- 2a b c d + 2a b c ) |-----
                                 | 3 4 2222 34
--R
--R
                                 \|4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
                   2
--R
                 - a d
--R
--R
--R
--R
--R
                1 2 2 2 1
--R
--R
                |(2a d - 2a b c ) |----- - c
                             | 3 4 2222 34
--R
--R
                             \| 4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
                            2 2 2
--R
--R
                              ad - abc
--R
               +----+
--R
--R
              d \mid d x + c
--R /
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 568
--S 569 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
--R
```

```
--R
             | 22 2 |
--R
--R
             |(2a d - 2a b c ) |-----
                       | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
       | | 3 4 2 2 2 2 3 4
+-+4+-+ | \| | 4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
--R
       \|a \|b ||-----
           22 2
\| ad-abc
--R
--R
--R
        +----+
--R
--R
        | +-+ +-+ | +-+ +-+
       \c \b - d\a \c \b + d\a
--R
--R
--R
       log
--R
--R
--R
             2 2 2 3 |
--R
           ((2a b c d - 2a b c ) |-----
                         | 3 4 2222 34
--R
--R
                         \| 4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
--R
--R
--R
                      | 22 2 |
--R
--R
            |(2a d - 2a b c ) |----- - c
                       1 3 4 2222 34
--R
--R
                       \|4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
                      2 2 2
--R
--R
                        ad - abc
--R
--R
--R
          d \mid d x + c
--R
--R
--R
--R
--R
                 2 2 2 |
--R
--R
               |(- 2a d + 2a b c) |-----
--R
                           | 3 4 2 2 2 2 3 4
         +-+4+-+ |
                          \|4abd - 8abcd + 4abc
--R
--R
         \|a \|b |-----
                 22 2
ad-abc
--R
--R
--R
         +----+
--R
         | +-+ +-+ | +-+ +-+
--R
         \c \b - d\a \c \b + d\a
--R
```

```
--R
--R
         log
--R
--R
                  2 2 2 3 |
--R
--R
                 (2a b c d - 2a b c ) |-----
                              | 3 4 2222 34
--R
--R
                              \|4a b d - 8a b c d + 4a b c
                 2
--R
--R
--R
                 - a d
--R
--R
--R
--R
--R
                 2 2 2 |
--R
               |(- 2a d + 2a b c ) |----- - c
                           | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
--R
                          \|4abd - 8abcd + 4abc
--R
                 _____
                            2 2 2
--R
--R
                           ad -abc
              XI.
--R
--R
--R
             d \mid d x + c
--R
--R
--R
--R
             1 2 2 2 1
--R
--R
             |(- 2a d + 2a b c ) |----- - c
                          | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
--R
        +-+4+-+ |
                          \|4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
       \|a \|b |-----
                         2 2 2
--R
             - 1
--R
                          ad - abc
             \ |
--R
--R
        +----+
        | +-+ +-+ | +-+ +-+
--R
--R
       \c \b - d\a \c \b + d\a
--R
--R
       log
--R
--R
--R
               2 2 2 3 |
--R
            ((- 2a b c d + 2a b c ) |----- + a d )
                            | 3 4 2222 34
--R
--R
                            \| 4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
--R
```

```
--R
--R
           --R
--R
           |(- 2a d + 2a b c ) |----- - c
                       | 3 4 2222 34
--R
--R
                       \|4abd - 8abcd + 4abc
--R
                        2 2 2
--R
--R
                        ad - abc
           \I
--R
--R
--R
          d \mid d x + c
--R
--R
--R
--R
--R
              | 2 2 2 | d
--R
              |(2a d - 2a b c ) |----- - c
--R
                    | 3 4 2222 34
--R
         +-+4+-+ | \| \| 4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
         \|a \|b ||-----
--R
                       2 2 2
--R
             - 1
                         ad - abc
--R
             XI.
--R
--R
         +----+
         | +-+ +-+ | +-+ +-+
--R
--R
         \c \b - d\a \c \b + d\a
--R
--R
        log
--R
--R
--R
                 2 2
                         23 |
--R
              (- 2a b c d + 2a b c ) |-----
                            | 3 4 2222 34
--R
                            \| 4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
--R
--R
--R
--R
--R
--R
--R
             | 22 2 |
--R
             |(2a d - 2a b c ) |----- - c
--R
                        | 3 4 2 2 2 2 3 4
--R
--R
                       \|4a b d - 8a b c d + 4a b c
--R
                       2 2 2
--R
                         ad-abc
--R
             \I
```

```
--R
--R
--R
                    d \mid d x + c
--R
                                  4+-+ +----+
--R.
            | +-+ +-+
--R
                                  \b \b \d x + c
--R
          2\|c\|b + d\|a atanh(-----)
--R
                                   | +-+ +-+
--R
--R
                                 \c \b - d\a
--R
                                     4+-+ +----+
--R
              | +-+ +-+
--R
                                     \b \b \d x + c
          - 2\|c\|b - d\|a atanh(-----)
--R
--R
--R
                                     | +-+ +-+
--R
                                    \c \b + d\a
--R /
                  +----+
--R
          +-+4+-+ | +-+ +-+ | +-+
--R
--R
        2\leq |b| c = d|a| c = d|a|
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 569
--S 570 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 570
)clear all
--S 571 of 1581
t0:=1/((c+d*x)^(3/2)*(a-b*x^2))
--R
--R
--R
--R
               3 2 +----+
--R
            (b d x + b c x - a d x - a c) \setminus |d x + c
--R
--R.
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 571
--S 572 of 1581
r0:=-b^(1/4)*atanh(b^(1/4)*sqrt(c+d*x)/sqrt(-d*sqrt(a)+c*sqrt(b)))/_
     (sqrt(a)*(-d*sqrt(a)+c*sqrt(b))^(3/2))+b^(1/4)*atanh(b^(1/4)*_
     \ensuremath{\mathsf{sqrt}}(c+d*x)/\ensuremath{\mathsf{sqrt}}(d*\ensuremath{\mathsf{sqrt}}(a)+c*\ensuremath{\mathsf{sqrt}}(b)))/(\ensuremath{\mathsf{sqrt}}(a)*(d*\ensuremath{\mathsf{sqrt}}(a)+\_
     c*sqrt(b))^(3/2))+2*d/((b*c^2-a*d^2)*sqrt(c+d*x))
```

```
--R
--R
--R
    (2)
                                                4+-+ +----+
--R
                                +----+
         +-+ +-+ 4+-+ +-----+ | +-+ +-+
--R
                                                 \b \d x + c
        (c|a|b + ad)|b|d x + c|c|b + d|a atanh(-----)
--R
--R
--R
                                                  | +-+ +-+
                                                 \|c\|b - d\|a
--R
--R
--R
                                                   4+-+ +----+
          +-+ +-+ 4+-+ +----- | +-+ +-+
--R
                                                  \b \b \d x + c
      (-c|a|b+ad)|b|dx+c|c|b-d|a atanh(-----)
--R
                                                   +----+
--R
--R
                                                   | +-+ +-+
--R
                                                  \c \b + d\a
--R
--R
            | +-+ +-+ | +-+ +-+
--R
       - 2a d |c|b - d|a |c|b + d|a
--R
--R /
--R
                          +----+
      2 2 2 +-----+ | +-+ +-+ | +-+ +-+
--R
      (a d - a b c) \mid d x + c \mid c \mid b - d \mid a \mid |c \mid b + d \mid a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 572
--S 573 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
           2 2 +----+
--R
--R
         (ad - bc) \mid dx + c
--R
         ROOT
--R
                  4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
--R
                (2ad - 6abcd + 6abcd - 2abc)
--R
--R
                ROOT
                    2 6
                            2 2 4 3 4 2
--R
                    abd + 6abcd + 9bcd
--R
--R.
--R
                       7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                     4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
                       3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                     60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
                      2 2 3
```

```
--R
             - 3a b c d - b c
--R
--R
             4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
             ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R
         log
                   58 4 26 2362 48
--R
--R
                 (2a d - 4a b c d + 4a b c d - 2a b c)
--R
                 ROOT
--R
--R
                      2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                     abd + 6abcd + 9bcd
--R
                       7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                      4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
--R
                        3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                      60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
                     4 232
--R
                2a b c d + 6a b c d
--R
--R
              ROOT
--R
                      46 3 24 2242 36
--R
                     (2a d - 6a b c d + 6a b c d - 2a b c )
--R
--R
                     ROOT
--R
                         2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                         abd + 6abcd + 9bcd
--R
--R
                           7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                          4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
                           3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                          60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
                          2 2 3
--R
                   - 3abcd - bc
--R
                       3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
                  4 6
--R
                  ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R.
                 3 2 2 +----+
--R
             (a b d + 3b c d) \setminus |d x + c
--R
             2 2 +----+
--R
--R
         (-ad + bc) \setminus |dx + c
--R
--R
         ROOT
--R
                   4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
```

```
--R
                (- 2a d + 6a b c d - 6a b c d + 2a b c)
--R
--R
                ROOT
--R
                   2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                   abd + 6abcd + 9bcd
--R
                     7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                     4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
                      3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                     60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
                     2 2 3
--R
--R
             - 3abcd - bc
--R
--R
             4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
             ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R
         log
--R
                   58 4 26 2362 48
--R
                 (2a d - 4a b c d + 4a b c d - 2a b c)
--R
--R
                 ROOT
--R
                     2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                     abd + 6abcd + 9bcd
--R
--R
                       7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                      4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
--R
                        3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                       60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
                           2 3 2
--R
                   2 4
--R
                - 2a b c d - 6a b c d
--R
              ROOT
--R
--R
                        4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
                     (- 2a d + 6a b c d - 6a b c d + 2a b c )
--R
--R
                     ROOT
                         2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                         abd + 6abcd + 9bcd
--R
--R
--R
                           7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
                          4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
--R
--R
                            3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                          60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
                           2 2 3
```

```
--R
                  - 3a b c d - b c
--R
--R
                  4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
                  ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R
                3 2 2 +----+
--R
            (a b d + 3b c d) \setminus |d x + c
--R
--R
           2 2 +----+
         (ad - bc) \mid dx + c
--R
--R
--R
         ROOT
                  4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
--R
                (- 2a d + 6a b c d - 6a b c d + 2a b c )
--R
--R
               ROOT
--R
                   2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                   abd + 6abcd + 9bcd
--R
                     7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                    4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
--R
                      3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                    60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
                    2 2 3
--R
              - 3a b c d - b c
--R
--R
             46 3 24 2242 36
--R
            ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R
         log
                     58 4 26 2362 48
--R
--R
                 (- 2a d + 4a b c d - 4a b c d + 2a b c)
--R
                 ROOT
--R
--R
                     2 6
                             2 2 4 3 4 2
--R
                     abd + 6abcd + 9bcd
--R
--R
                       7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                      4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
--R.
                       3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                      60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
                     4 232
--R
                2
--R
               2abcd + 6abcd
--R
              ROOT
--R
--R
                         4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
```

```
--R
                     (- 2a d + 6a b c d - 6a b c d + 2a b c)
--R
--R
                     ROOT
--R
                         2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                        abd + 6abcd + 9bcd
--R
                           7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                          4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
                            3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                           60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
                           2 2 3
--R
--R
                   - 3abcd - bc
--R
--R
                  4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
                  ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R
                 3 2 2 +----+
--R
             (a b d + 3b c d) \setminus |d x + c
--R
--R
             2 2 +----+
         (-ad +bc)(dx+c)
--R
--R
--R
         ROOT
                 4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
--R
                (2a d - 6a b c d + 6a b c d - 2a b c )
--R
--R
                ROOT
--R
                    2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                    abd + 6abcd + 9bcd
--R
                      7 12 6 2 10 5 2 4 8
--R
--R
                     4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
                      3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                     60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
                     2 2 3
--R
--R
              - 3a b c d - b c
--R
             4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
--R
             ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R
         log
--R
                     58 4 26 2362 48
--R
                 (- 2a d + 4a b c d - 4a b c d + 2a b c)
--R
                 ROOT
--R
                     2 6
--R
                               2 2 4 3 4 2
```

```
--R
                      abd + 6abcd + 9bcd
--R
--R
                        7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                       4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
                          3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                       60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
                   2 4 2 3 2
--R
                - 2a b c d - 6a b c d
--R
--R
--R
               ROOT
                        46 3 24 2242 36
--R
--R
                      (2a d - 6a b c d + 6a b c d - 2a b c )
--R
--R
                      ROOT
--R
                          2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                         abd + 6abcd + 9bcd
--R
                            7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                           4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
--R
                             3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                           60abcd-24abcd+4abc
--R
                           2 2 3
--R
--R
                    - 3a b c d - b c
--R
--R
                   46 3 24 2242 36
--R
                   ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
                  3 2 2 +----+
--R
--R
             (a b d + 3b c d) \setminus |d x + c
--R
--R
        - 4d
--R /
         2
--R
               2 +----+
--R
      (2a d - 2b c) \mid d x + c
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 573
--S 574 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
          2 2 2
--R
--R
         (ad - abc)
--R
         ROOT
--R
```

```
4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
--R
               (2a d - 6a b c d + 6a b c d - 2a b c )
--R
--R
               ROOT
--R
                   2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                   abd + 6abcd + 9bcd
--R
                     7 12 6 2 10 5 2 4 8
--R
                    4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
--R
--R
                     3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
                    60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
                    2 2 3
--R
--R
             - 3a b c d - b c
--R
--R
            4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
            ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R
         +----+
--R
         | +-+ +-+ | +-+ +-+
--R
        \c \b - d\a \c \b + d\a
--R
--R
        log
--R
                  58 4 26 2362 48
                 (2ad - 4abcd + 4abcd - 2abc)
--R
--R
--R
                 ROOT
--R
                    2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                    abd + 6abcd + 9bcd
--R
                      7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                      4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
                       3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                      60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
--R
                    4 232
               2abcd + 6abcd
--R
--R
--R
              ROOT
                      4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
--R
                    (2a d - 6a b c d + 6a b c d - 2a b c )
--R
--R
                    ROOT
--R
                        2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                        abd + 6abcd + 9bcd
--R
                          7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                         4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
```

```
--R
--R
                         3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                        60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
                        2 2 3
--R
                 - 3abcd - bc
--R
                 46 3 24 2242 36
--R
--R
                ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R
               3 2 2 +----+
--R
           (a b d + 3b c d) \setminus |d x + c
--R
          2 2 2
--R
--R
        (-ad +abc)
--R
--R
        ROOT
--R
                 46 3 24 2242 36
--R
               (-2ad + 6abcd - 6abcd + 2abc)
--R
--R
               ROOT
--R
                  2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                  abd + 6abcd + 9bcd
--R
--R
                    7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                   4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
--R
                     3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                   60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
                    2 2 3
--R
--R
            - 3abcd - bc
--R
           46 3 24 2242 36
--R
--R
           ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
         +----+
--R
         | +-+ +-+ | +-+ +-+
--R
        \c \b - d\a \c \b + d\a
--R
--R
--R
        log
--R
                 58 4 26 2362 48
--R
                (2ad - 4abcd + 4abcd - 2abc)
--R
--R
                ROOT
                   2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                   abd + 6abcd + 9bcd
--R
--R
                     7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
                     4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
```

```
--R
--R
                        3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                       60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
                   2 4 2 3 2
                - 2a b c d - 6a b c d
--R
--R
--R
               ROOT
                         46 3 24 2242 36
--R
                      (- 2a d + 6a b c d - 6a b c d + 2a b c )
--R
--R
--R
                      ROOT
                          2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                         abd + 6abcd + 9bcd
--R
--R
                            7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                           4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
--R
                            3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                           60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
                           2 2 3
                    - 3a b c d - b c
--R
--R
--R
                   4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
                  ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R
                 3 2 2 +----+
--R
             (a b d + 3b c d) \setminus |d x + c|
--R
--R
          2 2
--R
         (ad - abc)
--R
--R
         ROOT
--R
                   4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
                (- 2a d + 6a b c d - 6a b c d + 2a b c )
--R
--R
--R
                ROOT
                    2 6
                             2 2 4 3 4 2
--R
--R
                   abd + 6abcd + 9bcd
--R
--R
                      7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                     4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
--R
                       3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                      60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
                     2 2 3
              - 3a b c d - b c
--R
--R
```

```
46 3 24 2242 36
--R
--R
            ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R
         +----+
--R
         | +-+ +-+ | +-+ +-+
        \c \b - d\a \c \b + d\a
--R
--R
        log
--R
                   58 4 26 2362 48
--R
                (- 2a d + 4a b c d - 4a b c d + 2a b c)
--R
--R
--R
                ROOT
                    2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                   abd + 6abcd + 9bcd
--R
--R
                      7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
                     4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
--R
                      3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                     60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
                   4 232
               2
--R
               2a b c d + 6a b c d
--R
--R
             ROOT
                      4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
--R
                    (- 2a d + 6a b c d - 6a b c d + 2a b c)
--R
--R
                    ROOT
                       2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                       abd + 6abcd + 9bcd
--R
                         7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                        4ad - 24abcd + 60abcd - 80abcd
--R
                          3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                        60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
                         2 2 3
--R
--R
                  - 3a b c d - b c
--R
                 46 3 24 2242 36
--R
--R.
                 ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
                3 2 2 +----+
--R
--R
            (a b d + 3b c d) \setminus |d x + c
--R
--R
          2 2 2
        (-ad +abc)
--R
--R
```

```
--R
         ROOT
                 4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
--R
               (2a d - 6a b c d + 6a b c d - 2a b c )
--R
--R
               ROOT
                   2 6 2 2 4 3 4 2
--R
--R
                  abd + 6abcd + 9bcd
--R
                     7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                    4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
                      3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                    60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
--R
--R
                    2 2 3
--R
             - 3a b c d - b c
--R
--R
            46 3 24 2242 36
--R
            ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R
         +----+
--R
         | +-+ +-+ | +-+ +-+
         \c \b - d\a \c \b + d\a
--R
--R
--R
         log
--R
                    58 4 26 2362 48
--R
                 (- 2a d + 4a b c d - 4a b c d + 2a b c)
--R
--R
                 ROOT
--R
                    2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                    abd + 6abcd + 9bcd
--R
                      7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
--R
--R
                      4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
                       3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
--R
                      60a b c d - 24a b c d + 4a b c
--R
                           2 3 2
                     4
--R
--R
               - 2a b c d - 6a b c d
--R
              ROOT
--R
--R
                      4 6 3 2 4 2 2 4 2 3 6
--R
                    (2a d - 6a b c d + 6a b c d - 2a b c )
--R
--R
                    ROOT
--R
                        2 6 2 2 4 3 4 2
--R
                        abd + 6abcd + 9bcd
--R
--R
                           7 12 6 2 10 5 2 4 8 4 3 6 6
```

```
--R
                                                                                             4a d - 24a b c d + 60a b c d - 80a b c d
--R
--R
                                                                                                  3 4 8 4 2 5 10 2 6 12
--R
                                                                                              60abcd-24abcd+4abc
--R
                                                                                                2 2 3
--R
--R
                                                                   - 3a b c d - b c
--R
                                                                 46 3 24 2242 36
--R
                                                                ad - 3abcd + 3abcd - abc
--R
--R
                                                          3 2 2 +----+
--R
                                              (a b d + 3b c d) \setminus |d x + c
--R
--R
--R
                                                                                               +----+
                                                                                                                                                          4+-+ +----+
--R
                                         +-+ +-+
                                                                              4+-+ | +-+ +-+
                                                                                                                                                           \b \b \d x + c
--R
                           (-2c\alpha \begin{tabular}{lll} -2c\alpha \begin{tabular}{lll} -2a \d \end{tabular} \begin{tabular}{lll} -2c\alpha \end{tabular} -2a \d \end{tabular} \begin{tabular}{lll} -2a \d \end{tabular} \beg
                                                                                                                                                           +----+
--R
                                                                                                                                                            | +-+ +-+
--R
--R
                                                                                                                                                         \c \b - d\a
--R
--R
                                                                                           +----+
                                                                                                                                                       4+-+ +----+
--R
                                                                        4+-+ | +-+ +-+
                                                                                                                                                      \b \b \d x + c
--R
                           (2c\a \b - 2a d)\b \c \b - d\a atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                       +----+
                                                                                                                                                       | +-+ +-+
--R
--R
                                                                                                                                                    \c \b + d\a
--R /
--R
                       2 2 2 | +-+ +-+ | +-+
--R
--R
                     (2a d - 2a b c) | c | b - d | a | c | b + d | a
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 574
--S 575 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
            (5) 0
--R
--R
                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 575
)clear all
--S 576 of 1581
t0:=sqrt(x)/(1+x^2)
--R
--R
--R
                                  +-+
--R
                              \|x
```

```
--R
    (1) -----
--R
         2
--R
         x + 1
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 576
--S 577 of 1581
r0:=-atan(1-sqrt(2)*sqrt(x))/sqrt(2)+atan(1+sqrt(2)*sqrt(x))/sqrt(2)+\_
    1/2*log(1+x-sqrt(2)*sqrt(x))/sqrt(2)-1/2*log(1+x+sqrt(2)*sqrt(x))/sqrt(2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
              +-+ +-+
                                     +-+ +-+
                                                            +-+ +-+
        - \log( |2 |x + x + 1) + \log(- |2 |x + x + 1) + 2atan( |2 |x + 1)
--R
--R
--R
              +-+ +-+
--R
        2atan(\|2 \|x - 1)
--R /
--R
        +-+
--R
       2\|2
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 577
--S 578 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
           +-+ +-+ +-+ +-+
--R
--R
        - |2 \log(|2 |x + x + 1) + |2 \log(- |2 |x + x + 1)
--R
           +-+ 1 +-+
--R
--R
        - 2\|2 atan(-----) - 2\|2 atan(-----)
--R
                   +-+ +-+
                                          +-+ +-+
--R
                   |2|x - 1
                                         |2|x + 1
--R /
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 578
--S 579 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
    (4)
--R
                                +-+ +-+
--R
               +-+ +-+
        - atan(|2|x + 1) - atan(|2|x - 1) - atan(-----)
--R
--R
                                                    +-+ +-+
--R
                                                    |2|x - 1
--R
```

```
1 - atan(-----)
--R
--R
--R
               +-+ +-+
--R
                |x| + 1
--R /
--R
--R
       \|2
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 579
--S 580 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 580
)clear all
--S 581 of 1581
t0:=sqrt(x)/(a+b*x^2)
--R
--R
--R
            +-+
--R
            \|x
--R
     (1) -----
--R
             2
--R
          bx + a
--R.
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 581
--S 582 of 1581
r0:=-atan(1-b^(1/4)*sqrt(2)*sqrt(x)/a^(1/4))/(a^(1/4)*b^(3/4)*sqrt(2))+_
     atan(1+b^{(1/4)}*sqrt(2)*sqrt(x)/a^{(1/4)})/(a^{(1/4)}*b^{(3/4)}*sqrt(2))+_
     1/2*log(sqrt(a)+x*sqrt(b)-a^(1/4)*b^(1/4)*sqrt(2)*sqrt(x))/_
     (a^{(1/4)*b^{(3/4)*sqrt(2)}-1/2*log(sqrt(a)+x*sqrt(b)+a^{(1/4)*}_-)
     b^{(1/4)}*sqrt(2)*sqrt(x))/(a^{(1/4)}*b^{(3/4)}*sqrt(2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                +-+4+-+4+-+ +-+ +-+
         - log(|2 |a |b |x + x|b + |a )
--R.
--R
--R
                                                      +-+4+-+ +-+ 4+-+
               +-+4+-+4+-+ +-+ +-+ \|2 \|b \|x + \|a
--R
         log(- |2 |a |b |x + x|b + |a ) + 2atan(-----)
--R
--R
                                                             4+-+
--R
                                                              |a|
--R
```

```
+-+4+-+ +-+ 4+-+
--R
--R
          \|2 \|b \|x - \|a
--R
      2atan(-----)
--R
                4+-+
--R
                \|a
--R /
--R
     +-+4+-+4+-+3
--R
     2\|2 \|a \|b
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 582
--S 583 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
    +----+
    --R
    |- ----- log(\|x + 8a b |- ----- )
--R
    4 3 4 3
--R
--R
    \| 16a b
                       \| 16a b
--R
--R
     | 1 +-+ 2 | 1
--R
--R
     - |- ----- log(\|x - 8a b |- ----- )
     4 3 4 3 4 3 4 16a b
--R
--R
--R
--R
                     +-----3
--R
                   2 | 1
--R
                 8a b |- -----
               4| 3
\| 16a b
--R
      +----+
      | 1
--R
--R
     2 |- ----- atan(-----)
      4| 3
--R
                      +-+
      \| 16a b
--R
                     \|x
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 583
--S 584 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
         +-+4+-+4+-+ +-+ +-+
--R
--R
      log(|2 |a |b |x + x|b + |a )
--R
--R
       +-+ | 1 4+-+4+-+3 +-+ 2 | 1
--R
      --R
```

```
4| 3
                                    4| 3
--R
--R
         \| 16a b
                                    \| 16a b
--R
            +----+
--R
                                      +----+3
        +-+ | 1 4+-+4+-+3 +-+ 2 | 1
--R
     --R
        4| 3
                                 4| 3
--R
--R
           \| 16a b
                                      \| 16a b
--R
                                        +-+4+-+ +-+ 4+-+
--R
            +-+4+-+4+-+ +-+ +-+ \|2 \|b \|x + \|a
--R
      - log(- \|2 \|a \|b \|x + x\|b + \|a ) - 2atan(-----)
--R
--R
                                              4+-+
--R
                                              \|a
--R
--R
            +-+4+-+ +-+ 4+-+
--R
           \|2 \|b \|x - \|a
      - 2atan(-----)
--R
              4+-+
--R
--R
                  \|a
--R
--R
                                +----+3
--R
                              2 | 1
                            8a b |- -----
--R
                                4| 3
--R
       +-+ | 1 4+-+4+-+3 \| 16a b
--R
       --R
       4| 3
--R
                                +-+
--R
         \| 16a b
                                 \|x
--R /
--R
     +-+4+-+4+-+3
--R
     2\|2 \|a \|b
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 584
--S 585 of 1581
d0:=normalize(D(m0,x))
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 585
)clear all
--S 586 of 1581
t0:=sqrt(x)/(1-x^2)
--R
--R
--R
         +-+
```

```
\|x
--R
--R
    (1) - -----
     2
--R
--R
         x - 1
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 586
--S 587 of 1581
r0:=-atan(sqrt(x))+atanh(sqrt(x))
--R
--R
--R
              +-+
    (2) atanh(|x|) - atan(|x|)
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 587
--S 588 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R \log(|x + 1) - \log(|x - 1) - 2atan(|x)
--R
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 588
--S 589 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
             +-+ +-+
--R
--R
       \log(|x + 1) - \log(|x - 1) - 2\operatorname{atanh}(|x)
--R (4) -----
--R
                            2
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 589
--S 590 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 590
)clear all
--S 591 of 1581
t0:=sqrt(x)/(a-b*x^2)
```

```
--R
--R
--R
              +-+
--R
             \|x
--R
     (1)
             2
--R
--R
           b x - а
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 591
--S 592 of 1581
r0:=-atan(b^{(1/4)}*sqrt(x)/a^{(1/4)})/(a^{(1/4)}*b^{(3/4)})+atanh(b^{(1/4)}*\_
    sqrt(x)/a^{(1/4)}/(a^{(1/4)*b^{(3/4)}}
--R
--R
--R
               4+-+ +-+
                               4+-+ +-+
--R
               \|b \|x
                               \|b \|x
--R
          atanh(-----) - atan(-----)
--R
                 4+-+
                                 4+-+
--R
                 \|a
--R
--R
                     4+-+4+-+3
--R
                     \|a \|b
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 592
--S 593 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
      +----+
--R
                                +----+3 +----+
        +----+ +----+3 +-----+ +------
| 1 +-+ 2 | 1 | 1 +-+ 2 | 1
--R
       |----- log(\|x + 8a b |----- ) - |----- log(\|x - 8a b |----- ) 4| 3 4| 3 4| 3 4| 3
--R
--R
                                                                     \|16a b
--R
      \|16a b
                               \|16a b
                                            \|16a b
--R
--R
                            +----+3
                          2 | 1
--R
                      8a b |----
--R
                            4| 3
--R
--R
          | 1
                           \|16a b
--R
       2 |----- atan(-----)
         4| 3
--R
                            +-+
--R
         \|16a b
                            \|x
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 593
--S 594 of 1581
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
    (4)
--R
       | 1 4+-+4+-+3 +-+ 2 | 1
--R
      |----- \|a \|b log(\|x + 8a b |----- )
--R
      4| 3
                              4| 3
--R
--R
       \|16a b
                                \|16a b
--R
                                 +----+3
--R
                                              4+-+ +-+
        | 1 4+-+4+-+3 +-+ 2 | 1
--R
                                             \|b \|x
       --R
--R
--R
        \|16a b
                                 \|16a b
                                                \|a
--R
--R
                                         +----+3
--R
                                       2 | 1
                                     8a b |----
--R
                                       4| 3
--R
          4+-+ +-+ +----+
                  1 4+-+4+-+3
          \|b \|x
--R
                                       \|16a b
       --R
           4+-+ 4| 3
--R
                                         +-+
--R
            \|a
                    \|16a b
                                         \|x
--R /
--R
     4+-+4+-+3
--R
     \|a \|b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 594
--S 595 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 595
)clear all
--S 596 of 1581
t0:=sqrt(2+3*x)/(1+x^2)
--R
--R
--R
        +----+
--R
       13x + 2
--R
   (1) -----
        2
--R
--R
        x + 1
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 596
```

```
--S 597 of 1581
r0:=-%i*atanh(sqrt(2+3*x)/sqrt(2-3*%i))*sqrt(2-3*%i)+_
     %i*atanh(sqrt(2+3*x)/sqrt(2+3*%i))*sqrt(2+3*%i)
--R
--R
--R
                                +----+
                                                               +----+
--R
                               |3x + 2|
                                                              |3x + 2|
--R
      (2) - %i\|2 - 3%i atanh(-----) + %i\|2 + 3%i atanh(------)
                               +----+
--R
--R
                              \|2 - 3%i
                                                             \|2 + 3%i
--R
                                            Type: Expression(Complex(Integer))
--E 597
--S 598 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
      (3)
--R
                         3
--R
                    atan(-)
--R
                         2
--R
           \|13 cos(----)
--R
                       2
--R
--R
           log
--R
                                                            3 2
--R
                          atan(-)
                                                       atan(-)
--R
                               2
                                  +----+ 4+--+2
--R
                2 \le \sin(----) \le x + 2 + \le \sin(----)
--R
                             2
--R
--R
                               3 2
--R
                          atan(-)
--R
                               2
                13 \cos(-----) + 3x + 2
--R
                             2
--R
--R
--R
--R
                            3
--R
                       atan(-)
--R
                            2
--R
              \|13 cos(-----)
--R
                          2
--R
--R
              log
--R
                                    3
                                                                 3 2
--R
                               atan(-)
                                                            atan(-)
--R
                                   2 +----+
                   -2|13 \sin(-----)|3x + 2 + |13 \sin(-----)
--R
```

```
--R
                                                       2
--R
--R
                             3 2
--R
                         atan(-)
--R
                4+--+2
                         2
--R
                13 \cos(-----) + 3x + 2
--R
--R
--R
                                atan(-)
4+--+ 2
--R
--R
--R
                atan(-)
                                \|13 cos(-----)
                 2
--R
--R
        2\|13 sin(-----)atan(------)
--R
--R
                                             atan(-)
                            +----+ 4+--+ 2
--R
                            |3x + 2 - |13 \sin(----)
--R
--R
--R
--R
--R
                                        atan(-)
--R
                    3
                atan(-)
                                \|13 cos(-----)
--R
--R
                2
--R
        2\|13 sin(-----)atan(------)
                   2
--R
--R
                                             atan(-)
                            +----+ 4+--+
--R
--R
                           |3x + 2 + |13 \sin(----)|
--R
--R /
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 598
--S 599 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
                   3
--R
                 atan(-)
--R
          4+--+ 2
--R
          \|13 cos(-----)
--R
--R
--R
          log
--R
                           3
                                                   3 2
                      atan(-)
                                                atan(-)
--R
```

```
4+--+ 2 +----+ 4+--+2 2
--R
--R
             2|13 \sin(-----)|3x + 2 + |13 \sin(-----)
--R
--R
--R
                       3 2
--R
                     atan(-)
             4+--+2
--R
                     2
             13 \cos(-----) + 3x + 2
--R
--R
--R
--R
--R
                     3
           atan(-)
4+--+ 2
--R
--R
--R
           \|13 cos(----)
--R
--R
--R
           log
--R
                             3
                                                   3 2
--R
                         atan(-)
--R
                         2 +----+ 4+--+2
--R
                - 2 \le \sin(----) \le x + 2 + 13 \sin(----)
--R
--R
--R
                         3 2
--R
                       atan(-)
               4+--+2
--R
--R
               13 \cos(-----) + 3x + 2
--R
--R
                        +----+
--R
                       --R
          +----+
       2%i\|2 - 3%i atanh(-----) - 2%i\|2 + 3%i atanh(-----)
--R
--R
                       +----+
--R
                       \|2 - 3%i
                                                 \|2 + 3%i
--R
--R
                              atan(-)
4+--+ 2
--R
--R
                  3
--R
               atan(-)
                              \|13 cos(-----)
--R
               2
--R
        2\|13 sin(-----)atan(------)
--R
                  2
                                         atan(-)
--R
                           +----+ 4+--+ 2
--R
                          |3x + 2 - |13 \sin(----)
--R
--R
--R
--R
                                          3
--R
                                      atan(-)
```

```
4+--+ 2
\|13 cos(-----)
--R
--R
                atan(-)
--R
        2\|13 sin(-----)atan(------)
--R
--R
--R
                                           atan(-)
                            +----+ 4+--+ 2
--R
                           |3x + 2 + |13 \sin(----)
--R
--R
--R /
--R
--R
                                      Type: Expression(Complex(Integer))
--E 599
--S 600 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5)
--R
                           3 12
--R
--R
--R
        (-6591x - 4394)sin(-----)
--R
--R
--R
                              3 2
--R
                             atan(-)
                             atan(-)
2 2 4+--+2
--R
        ((-26364x - 17576)\cos(-----) + (9126x + 12168x + 4056) | 13)
--R
--R
--R
                3 10
--R
             atan(-)
--R
--R
          sin(-----)
--R
--R
--R
                                             3 3 9
atan(-) atan(-)
--R
--R
           3 2 4+--+2
--R
        (- 3042x - 2028x - 3042x - 2028)\|13 cos(-----)sin(-----)
--R
--R
--R
--R
                                3 4
--R
                              atan(-)
--R
          (- 39546x - 26364)cos(-----)
--R
--R
--R
                                            3 2
--R
```

```
atan(-)
2 4+--+2 2 3 2
--R
--R
--R
          (18252x + 24336x + 8112)\|13 cos(-----) - 68445x - 136890x
--R
--R
          - 91260x - 20280
--R
--R
            3 8
--R
          atan(-)
--R
--R
--R
        sin(----)
--R
--R
--R
                                             3 3
--R
                                          atan(-)
            3 2
--R
                          4+--+2 2
--R
          (-6084x - 4056x - 6084x - 4056) | 13 cos(-----)
--R
--R
--R
                                                 3
--R
--R
            4 3 2
--R
          (36504x + 48672x + 52728x + 48672x + 16224)\cos(-----)
--R
--R
           3 7
--R
--R
           atan(-)
--R
          2
--R
         sin(----)
--R
         2
--R
--R
                             3 6
--R
                          atan(-)
--R
         (- 26364x - 17576)cos(-----)
--R
--R
--R
--R
--R
                                   atan(-)
          2 4+--+2 2
--R
         (12168x + 16224x + 5408) | 13 \cos(----)
--R
--R
--R
        +
--R
                                            3 2
--R
                                         atan(-)
             3 2
--R
--R
         (-36504x - 73008x - 48672x - 10816)\cos(-----)
--R
--R
               4 3 2
                                           4+--+2
--R
```

```
(21060x + 56160x + 56160x + 24960x + 4160) | 13
--R
--R
--R
            3 6
--R
          atan(-)
--R
          2
        sin(-----)
--R
--R
--R
                                            3 5
--R
--R
                                          atan(-)
--R
           3 2 4+--+2 2
         (- 3042x - 2028x - 3042x - 2028)\|13 cos(-----)
--R
--R
--R
--R
                                              3 3
--R
                                              atan(-)
--R
            4 3 2
          (18252x + 24336x + 26364x + 24336x + 8112)cos(-----)
--R
--R
          5 4 3 2 4+--+2
--R
--R
          (- 12636x - 25272x - 29484x - 29016x - 16848x - 3744)\|13
--R
--R
--R
              3
            atan(-)
2
--R
--R
--R
           cos(----)
--R
--R
            3 5
--R
--R
           atan(-)
           2
--R
--R
        sin(----)
--R
--R
                           3 8
--R
--R
                        atan(-)
--R
         (- 6591x - 4394)cos(----)
--R
--R
--R
--R
                                   3 6
--R
                                  atan(-)
           2 4+--+2 2
--R
         (6084x + 8112x + 2704) | 13 \cos(----)
--R
--R
--R
--R
                                           3 4
                                        atan(-)
--R
--R
               3 2
                                           2
```

```
(- 18252x - 36504x - 24336x - 5408)cos(-----)
--R
--R
--R
                                                         3 2
--R
                                                      atan(-)
               4 3 2
                                              4+--+2
--R
           (- 8424x - 22464x - 22464x - 9984x - 1664)\|13 cos(-----)
--R
--R
             5 4 3
--R
           - 47385x - 157950x - 210600x - 140400x - 46800x - 6240
--R
--R
             3 4
--R
--R
           atan(-)
--R
            2
--R
         sin(-----)
          2
--R
--R
                                                    3 5
--R
--R
                                                 atan(-)
            4 3 2
--R
           (18252x + 24336x + 26364x + 24336x + 8112)\cos(-----)
--R
--R
--R
--R
--R
                                                          atan(-)
            5 4 3 2
--R
--R
           (4212x + 8424x + 9828x + 9672x + 5616x + 1248) \setminus |13 \cos(-----)
--R
--R
             6 5 4 3 2
--R
--R
            (25272x + 67392x + 92664x + 97344x + 72384x + 29952x + 4992)
--R
--R
              atan(-)
--R
            cos(----)
--R
--R
--R
             3 3
--R
--R
            atan(-)
--R
              2
--R
         sin(----)
--R
          2
--R
--R
                                      3 8
--R
                                    atan(-)
--R
           (3042x + 4056x + 1352) | 13 \cos(----)
--R
--R
                                       2
```

```
--R
--R
                                        3 6
--R
                                      atan(-)
           3 2
--R
          (18252x + 36504x + 24336x + 5408)\cos(-----)
--R
--R
--R
--R
--R
                                                atan(-)
            4 3 2
--R
--R
          (8424x + 22464x + 22464x + 9984x + 1664) | 13 cos(-----)
--R
--R
             5 4 3
--R
--R
           (37908x + 126360x + 168480x + 112320x + 37440x + 4992)
--R
--R
               3 2
--R
            atan(-)
--R
              2
--R
           cos(----)
--R
--R
           6 5 4 3 2 4+--+2
--R
          (4374x + 17496x + 29160x + 25920x + 12960x + 3456x + 384) \setminus |13|
--R
--R
           3 2
--R
--R
           atan(-)
--R
--R
        sin(----)
          2
--R
--R
            5 4 3 2 4+--+2
--R
--R
           (- 2106x - 4212x - 4914x - 4836x - 2808x - 624)\|13
--R
              3 5
--R
             atan(-)
--R
--R
--R
           cos(----)
--R
--R
             6 5 4 3 2
--R
--R
           (-12636x - 33696x - 46332x - 48672x - 36192x - 14976x - 2496)
--R
--R
                3 3
--R
              atan(-)
--R
              2
--R
           cos(----)
--R
               2
--R
                        6 5 4 3 2
--R
                  7
```

```
- 1458x - 4860x - 7938x - 9180x - 7920x - 4512x - 1440x
--R
--R
--R
                - 192
--R
--R
--R
                    atan(-)
             4+--+2 2
             \|13 cos(----)
--R
--R
--R
             atan(-)
--R
--R
         sin(----)
--R
--R
--R
--R
                                          3 8
--R
                                       atan(-)
--R
        (- 4563x - 9126x - 6084x - 1352)cos(-----)
--R
--R
--R
--R
                                                       3 6
--R
                                                    atan(-)
--R
        (- 4212x - 11232x - 11232x - 4992x - 832)\|13 cos(-----)
--R
--R
--R
--R
                                                              3 4
--R
                                                          atan(-)
            5 4 3 2
--R
--R
        (- 18954x - 63180x - 84240x - 56160x - 18720x - 2496)cos(-----)
--R
--R
               6 5 4 3 2
--R
         (- 2916x - 11664x - 19440x - 17280x - 8640x - 2304x - 256)\|13
--R
--R
--R
              3 2
--R
           atan(-)
--R
         cos(----)
--R
--R
--R
            7 6 5 4 3 2
--R
        - 2187x - 10206x - 20412x - 22680x - 15120x - 6048x - 1344x - 128
--R
--R /
--R
                            3 12
--R
                         atan(-)
--R
--R
         (2197x + 2197)sin(----)
```

```
2
--R
--R
--R
                          3 2
--R
                         atan(-)
            2 2
--R
           (8788x + 8788)cos(----)
--R
--R
--R
            3 2 4+--+2
--R
          (- 3042x - 2028x - 3042x - 2028)\|13
--R
--R
              3 10
--R
           atan(-)
--R
            2
--R
--R
          sin(-----)
--R
          2
--R
--R
                             3 4
--R
                          atan(-)
--R
--R
            (13182x + 13182)cos(----)
--R
--R
--R
                                              3 2
--R
                                            atan(-)
             3 2 4+--+2
                                          2
--R
           (-6084x - 4056x - 6084x - 4056) | 13 cos(-----) + 22815x
--R
--R
--R
            3 2
--R
           30420x + 32955x + 30420x + 10140
--R
             3 8
--R
--R
--R
           atan(-)
--R
            2
--R
           2
--R
--R
                            3 6
--R
--R
                        atan(-)
--R
--R
            (8788x + 8788)cos(----)
--R
--R
--R
                                               3 4
--R
                                           atan(-)
              3 2 4+--+2
--R
           (-4056x - 2704x - 4056x - 2704) | 13 cos(-----)
--R
--R
--R
```

```
3 2
--R
--R
                                              atan(-)
               4 3 2
--R
           (12168x + 16224x + 17576x + 16224x + 5408)cos(-----)
--R
--R
--R
               5 4 3 2 4+--+2
--R
           (- 7020x - 14040x - 16380x - 16120x - 9360x - 2080)\|13
--R
--R
--R
              3 6
--R
           atan(-)
--R
            2
          sin(-----)
--R
          2
--R
--R
--R
                           3 8
--R
                       atan(-)
            2 2
--R
--R
           (2197x + 2197)cos(----)
--R
--R
                                            3 6
--R
--R
                                          atan(-)
             3 2 4+--+2
--R
           (- 2028x - 1352x - 2028x - 1352)\|13 cos(-----)
--R
--R
--R
--R
                                            3 4
--R
                                           atan(-)
            4 3 2
--R
           (6084x + 8112x + 8788x + 8112x + 2704)\cos(-----)
--R
--R
--R
            5 4 3 2 4+--+2
--R
--R
            (2808x + 5616x + 6552x + 6448x + 3744x + 832) \ | 13
--R
                3 2
--R
              atan(-)
--R
--R
--R
            cos(----)
--R
--R
            6 5 4 3 2
--R
           15795x + 42120x + 57915x + 60840x + 45240x + 18720x + 3120
--R
--R
--R
             3 4
--R
            atan(-)
--R
            2
          sin(----)
--R
             2
--R
```

```
--R
--R
                                             3 8
--R
                                          atan(-)
              3 2 4+--+2
--R
           (-1014x - 676x - 1014x - 676) | 13 \cos(----)
--R
--R
--R
--R
                                                3 6
                                              atan(-)
--R
               4 3 2
--R
           (- 6084x - 8112x - 8788x - 8112x - 2704)cos(-----)
--R
--R
--R
                5 4 3 2
--R
--R
             (-2808x - 5616x - 6552x - 6448x - 3744x - 832) | 13
--R
                 3 4
--R
--R
                atan(-)
--R
                2
             cos(----)
--R
--R
--R
                 6 5 4 3 2
--R
--R
                - 12636x - 33696x - 46332x - 48672x - 36192x - 14976x
--R
                - 2496
--R
--R
--R
                3 2
--R
                atan(-)
--R
                2
             cos(-----)
--R
--R
--R
               7 6 5 4 3 2
--R
--R
              - 1458x - 4860x - 7938x - 9180x - 7920x - 4512x - 1440x
--R
--R
              - 192
--R
             4+--+2
--R
--R
             \|13
--R
--R
             3 2
--R
             atan(-)
--R
             2
          sin(-----)
--R
            2
--R
--R
--R
                                           3 8
                                         atan(-)
--R
             4 3 2
--R
                                            2
```

```
(1521x + 2028x + 2197x + 2028x + 676)cos(-----)
--R
--R
--R
        +
--R
                                                               3 6
                                                           atan(-)
--R
                   4 3 2
                                                  4+--+2
--R
--R
          (1404x + 2808x + 3276x + 3224x + 1872x + 416) | 13 cos(-----)
--R
--R
               6 5
--R
                               4
                                        3
--R
           (6318x + 16848x + 23166x + 24336x + 18096x + 7488x + 1248)
--R
                 3 4
--R
--R
              atan(-)
--R
--R
           cos(----)
--R
--R
              7 6 5 4 3 2
--R
           (972x + 3240x + 5292x + 6120x + 5280x + 3008x + 960x + 128)
--R
--R
                      3 2
--R
--R
                   atan(-)
--R
           4+--+2 2
           \|13 cos(-----)
--R
--R
--R
           8 7 6
--R
                             5 4 3 2
--R
        729x + 2916x + 5589x + 7236x + 7020x + 4896x + 2224x + 576x + 64
--R
        +----+
--R
--R
        13x + 2
--R
                                      Type: Expression(Complex(Integer))
--E 600
)clear all
--S 601 of 1581
t0:=sqrt(c+d*x)/(1+x^2)
--R
--R
--R
         +----+
--R
        \label{eq:ldx+c} \
   (1) -----
--R
          2
--R
--R
         x + 1
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 601
--S 602 of 1581
```

```
r0:=-\%i*atanh(sqrt(c+d*x)/sqrt(c-\%i*d))*sqrt(c-\%i*d)+_
    %i*atanh(sqrt(c+d*x)/sqrt(c+%i*d))*sqrt(c+%i*d)
--R
--R
--R
     (2)
--R
         +----+
                           \d x + c
--R
                                            +----+
                                                           \d x + c
     - %i\|- %i d + c atanh(------) + %i\|%i d + c atanh(------)
--R
--R
                          \|- %i d + c
--R
                                                          \|%i d + c
--R
                                         Type: Expression(Complex(Integer))
--E 602
--S 603 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
                            +--+
                            1 2
--R
--R
                            \|d
--R
                       atan(----)
--R
          4 | 2 2
                          С
--R
          \|d + c cos(-----)
--R
                           2
--R
--R
          log
--R
                                    +--+ 2
--R
                                   | 2
--R
                                   \|d
                              atan(----)
--R
                 +-----2
                 4 | 2 2
--R
               d \|d + c sin(-----)
--R
--R
--R
--R
--R
                                               1 2
--R
                                              \|d
--R
                                          atan(----)
                 --R
               2 \mid d \mid d + c \mid d + c \sin(-----)
--R
--R
--R
--R
                                    +--+ 2
                                   1 2
--R
--R
                                   \|d
                              atan(----)
--R
                 +----+2
--R
                 4 | 2 | 2
                                  С
--R
               d \mid d + c \cos(-----) + d x + c d
                                   2
--R
```

```
--R
--R
--R
                          +--+
                          1 2
--R
--R
                         \|d
                    atan(----)
--R
           4| 2 2 c \|d + c cos(-----)
--R
--R
--R
--R
--R
           log
--R
                                +--+ 2
                                1 2
--R
                               \|d
--R
--R
                +----+2
                           atan(----)
                4 | 2 2 c
--R
--R
               d \|d + c sin(-----)
--R
--R
--R
                                           +--+
--R
                                          | 2
--R
                                          \|d
--R
                                       atan(----)
--R
                 --R
               -2 \leq x + c \sin(----)
--R
--R
--R
                                +--+ 2
--R
                               | 2
--R
                               \|d
                +-----2
                           atan(----)
--R
               4 | 2 | 2 | c | 2
--R
               d \|d + c cos(-----) + d x + c d
--R
--R
--R
--R
                           +--+
--R
                          | 2
--R
                          \|d
--R
                      atan(----)
--R
           4 | 2 2 c
--R
--R
           2\|d + c sin(-----)
--R
--R
--R
                                       +--+
                                      12
--R
--R
                                      \|d
--R
                    +--+ +----+
                                  atan(----)
                    --R
--R
                    \|d \|d + c cos(-----)
```

```
--R
--R
--R
                                    1 2
--R
--R
                                    \|d
                                atan(----)
--R
                | 2 4 | 2 2 c +----+ 
 | d | d + c sin(-----) - d | d x + c
                 | 2 4 | 2 2
--R
--R
--R
--R
                           | 2
--R
--R
                          \|d
                      atan(----)
--R
--R
          4 | 2 2
--R
          2\|d + c sin(-----)
--R
--R
--R
                                        +--+
                                        | 2
--R
--R
                                        \|d
--R
                    +--+ +----+
                                   atan(----)
--R
                    \|d \|d + c cos(-----)
--R
--R
--R
--R
--R
                                  | 2
--R
                                  \|d
--R
              +--+ +----+
                            atan(----)
              --R
              \d \d + c \sin(-----) + d\d x + c
--R
--R
--R /
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 603
--S 604 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
--R
                          | 2
--R
                         \|d
                     atan(----)
          +----+
--R
          4 | 2 2 c
--R
          \|d + c cos(-----)
--R
                        2
--R
```

```
--R
--R
         log
--R
                                 +--+ 2
                                | 2
--R
--R
                                \|d
                            atan(----)
--R
                +----+2
             4| 2 2 c
d \|d + c sin(-----)
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                                           | 2
--R
                                          \|d
                                      atan(----)
--R
--R
               | 24| 2 2 +----+
--R
              2 \mid d \mid d + c \mid d + c \sin(-----)
--R
--R
                                +--+ 2
--R
                                1 2
--R
--R
                               \|d
--R
                +----+2
                           atan(----)
               4 | 2 2 c 2
--R
--R
              d \mid d + c \cos(-----) + d x + c d
--R
--R
--R
--R
                             +--+
--R
                            | 2
--R
                            \|d
--R
                        atan(----)
            4 | 2 2 c
--R
            \|d + c cos(-----)
--R
--R
--R
--R
            log
                                   +--+ 2
--R
                                   | 2
--R
--R
                                  \|d
                              atan(----)
--R
                  +----+2
                  4 | 2 2 c
--R
--R
                d \|d + c sin(-----)
--R
--R
--R
                                                +--+
                                               1 2
--R
--R
                                              \|d
--R
                                           atan(----)
                   | 24| 2 2 +----+
--R
--R
                -2 \leq x + c \sin(----)
```

```
2
--R
--R
--R
                              +--+ 2
                              1 2
--R
--R
                              \|d
               +----+2 atan(----)
--R
              4| 2 2 c 2
d \|d + c cos(-----) + d x + c d
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                         +--+
                         1 2
--R
                         \|d
--R
--R
                     atan(----)
--R
           4 | 2 | 2
                     С
--R
          2\|d + c sin(-----)
--R
--R
--R
                                     +--+
--R
                                    | 2
--R
                                    \|d
--R
                    +--+ +----+
                                atan(----)
                    --R
--R
                   \|d \|d + c cos(-----)
--R
--R
--R
                                +--+
--R
                               | 2
--R
                               \|d
                          atan(----)
--R
               +--+ +----+
              --R
              --R
--R
--R
                       +--+
--R
                       | 2
--R
--R
                      \|d
                 atan(----)
--R
         +----+
        4| 2 2 c
2\|d + c sin(-----)
         4 | 2 2
--R
--R
--R
--R
--R
                                   +--+
--R
                                  | 2
--R
                                  \|d
--R
                 +--+ +----+
                              atan(----)
                 --R
--R
                 \|d \|d + c cos(-----)
--R
                                 2
```

```
--R
--R
--R
                              | 2
--R
                             \|d
            +--+ +----+
                        atan(----)
--R
            | 2 4 | 2 2
--R
                          С
            --R
--R
--R
--R
--R
                       \d x + c
                                                   \d x + c
       2%i\|- %i d + c atanh(------) - 2%i\|%i d + c atanh(------)
--R
                       +----+
--R
                       \|- %i d + c
--R
                                                  \|%i d + c
--R /
--R
--R
                                 Type: Expression(Complex(Integer))
--E 604
--S 605 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5)
--R
           7 25 43 6 6 34 52 7
        ((-d - 3cd - 3cd - cd)x - cd - 3cd - 3cd - c)
--R
--R
--R
               +--+ 12
--R
               | 2
--R
              \|d
--R
           atan(----)
--R
        sin(-----)
--R
--R
--R
              7 25 43 6 6 34 52 7
--R
           ((-4d - 12c d - 12c d - 4c d)x - 4c d - 12c d - 12c d - 4c)
--R
--R
                  +--+ 2
--R
                  12
--R
--R
                  \|d
              atan(----)
--R
--R
           cos(-----)
--R
--R
--R
              6 24 422 5 33 5 24
--R
--R
             (6d + 12c d + 6c d)x + (12c d + 24c d + 12c d)x + 6c d
--R
              4 2 6
--R
```

```
--R
            12c d + 6c
--R
--R
            +----+2
           4 | 2 2
--R
--R
           \|d + c
--R
              +--+ 10
--R
--R
               | 2
--R
              \|d
           atan(----)
--R
--R
              С
        sin(-----)
--R
--R
--R
--R
            5 23 4 3 4 3 2 5 2
--R
          (-2d - 4c d - 2c d)x + (-2c d - 4c d - 2c)x
--R
            5 23 4 4 32 5
--R
--R
          (-2d - 4c d - 2c d)x - 2c d - 4c d - 2c
--R
--R
                                      +--+ 9
--R
                           1 2
                                      1 2
--R
                          \|d
                                     \|d
--R
                                 atan(----)
         +--+ +----+2
                     atan(----)
         | 2 4 | 2 | 2 | c | c
--R
        \|d \|d + c cos(-----)sin(-----)
--R
--R
--R
               7 25 43 6 6 34 52 7
--R
--R
          ((- 6d - 18c d - 18c d - 6c d)x - 6c d - 18c d - 18c d - 6c)
--R
--R
                  +--+ 4
--R
                  | 2
--R
                 \|d
--R
              atan(----)
--R
                 С
--R
           cos(-----)
--R
--R
                6 24 422 5 33 5 24
--R
             (12d + 24c d + 12c d)x + (24c d + 48c d + 24c d)x + 12c d
--R
--R
--R
              4 2 6
--R
             24c d + 12c
--R
--R
                          +--+ 2
                          | 2
--R
--R
                          \|d
            +----+2
--R
                      atan(----)
                           С
           4 | 2 2
--R
```

```
--R
           \|d + c cos(-----)
--R
--R
           7 25 433 6 34 522
--R
--R
          (-15d - 30c d - 15c d)x + (-45c d - 90c d - 45c d)x
--R
             25 43 6 34 52 7
--R
--R
         (-45c d - 90c d - 45c d)x - 15c d - 30c d - 15c
--R
               +--+ 8
--R
--R
               1 2
              \|d
--R
           atan(----)
--R
--R
              С
--R
        sin(-----)
--R
--R
--R
              5 23 4 3 4 3 2 5 2
            (-4d - 8c d - 4c d)x + (-4c d - 8c d - 4c)x
--R
--R
--R
              5 23 4 4 32 5
--R
            (-4d - 8c d - 4c d)x - 4c d - 8c d - 4c
--R
--R
                             +--+ 3
                             | 2
--R
--R
                            \|d
--R
           +--+ +----+2
                        atan(----)
           --R
--R
           \|d \|d + c cos(-----)
--R
--R
              6 24 424 5 33 5 3
--R
            (8d + 16c d + 8c d)x + (16c d + 32c d + 16c d)x
--R
--R
             6 24 42 62 5 33 5
--R
            (8d + 24c d + 24c d + 8c )x + (16c d + 32c d + 16c d)x
--R
--R
             2 4 4 2 6
--R
            8c d + 16c d + 8c
--R
--R
--R
                     +--+
--R
                     | 2
--R
                    \|d
--R
           +--+ atan(----)
--R
           1 2
--R
           \|d cos(-----)
--R
--R
               +--+ 7
--R
--R
               1 2
```

```
--R
             \|d
--R
           atan(----)
--R
            С
--R
        sin(-----)
--R
--R
              7 25 43 6 6 34 52 7
--R
--R
           ((-4d - 12c d - 12c d - 4c d)x - 4c d - 12c d - 12c d - 4c)
--R
                  +--+ 6
--R
--R
                 1 2
                \|d
--R
             atan(----)
--R
--R
               С
--R
           cos(-----)
--R
--R
             6 24 422 5 33 5 24
--R
            (8d + 16c d + 8c d)x + (16c d + 32c d + 16c d)x + 8c d
--R
--R
--R
             4 2 6
--R
            16c d + 8c
--R
--R
                         +--+ 4
                         12
--R
--R
                         \|d
--R
           +----+2
                     atan(----)
           --R
--R
           \|d + c cos(-----)
--R
--R
               7 25 433 6 34 522
--R
            (-8d -16cd -8cd)x + (-24cd -48cd -24cd)x
--R
--R
               2 5 4 3 6
--R
                                 3 4
                                        5 2 7
            (-24c d - 48c d - 24c d)x - 8c d - 16c d - 8c
--R
--R
--R
                 +--+ 2
                 | 2
--R
--R
                \|d
             atan(----)
--R
--R
                 С
           cos(-----)
--R
--R
--R
               6 244 5 333 24 422
--R
            (20d + 20c d)x + (80c d + 80c d)x + (120c d + 120c d)x
--R
--R
              3 3 5 4 2 6
--R
--R
            (80c d + 80c d)x + 20c d + 20c
```

```
--R
--R
--R
           4 | 2 2
--R
           \|d + c
--R
              +--+ 6
--R
              1 2
--R
--R
             \|d
           atan(----)
--R
--R
              С
--R
        sin(-----)
--R
--R
              5 23 4 3 4 32 5 2
--R
--R
            (-2d - 4c d - 2c d)x + (-2c d - 4c d - 2c)x
--R
--R
              5 23 4 4 32 5
           (- 2d - 4c d - 2c d)x - 2c d - 4c d - 2c
--R
--R
--R
                            +--+ 5
--R
                            | 2
--R
                            \|d
--R
           +--+ +-----+2
                         atan(----)
--R
           \|d \|d + c cos(-----)
--R
--R
--R
             6 24 424 5 33 5 3
--R
--R
            (4d + 8c d + 4c d)x + (8c d + 16c d + 8c d)x
--R
--R
             6 24 42 62 5 33 5
--R
            (4d + 12c d + 12c d + 4c)x + (8c d + 16c d + 8c d)x
--R
             2 4 4 2 6
--R
--R
            4c d + 8c d + 4c
--R
                     +--+ 3
--R
                     1 2
--R
--R
                    \|d
--R
           +--+ atan(----)
--R
           | 2
                С
--R
           \|d cos(-----)
--R
--R
               5 235 4 324
--R
            (-12d - 12c d)x + (-36c d - 36c d)x
--R
--R
--R
               5 23
                          4 3 4 3 2 5 2
            (-12d - 48c d - 36c d)x + (-36c d - 48c d - 12c)x
--R
--R
```

```
23 4 32 5
--R
--R
            (- 36c d - 36c d)x - 12c d - 12c
--R
--R
                              +--+
--R
                              | 2
--R
                             \|d
--R
            +--+ +----+2
                        atan(----)
           | 2 4 | 2 2
--R
                            С
--R
           \|d \|d + c cos(-----)
--R
--R
               +--+ 5
--R
               1 2
--R
              \|d
--R
--R
           atan(----)
--R
            С
--R
        sin(-----)
--R
--R
--R
              7 25 43 6 6 34 52 7
           ((-d - 3cd - 3cd - cd)x - cd - 3cd - 3cd - c)
--R
--R
--R
                  +--+ 8
                  1 2
--R
--R
                 \|d
--R
              atan(----)
--R
              С
--R
           cos(-----)
--R
--R
             6 24 422 5 33 5 24
--R
--R
            (4d + 8c d + 4c d)x + (8c d + 16c d + 8c d)x + 4c d
--R
             4 2 6
--R
--R
             8c d + 4c
--R
--R
                          +--+ 6
                          1 2
--R
--R
                          \|d
--R
            +----+2
                     atan(----)
           4 | 2 2
--R
--R
           \|d + c cos(-----)
--R
--R
               7 25 433 6 34 522
--R
             (- 4d - 8c d - 4c d)x + (- 12c d - 24c d - 12c d)x
--R
--R
--R
                25 43 6 34 52 7
--R
             (- 12c d - 24c d - 12c d)x - 4c d - 8c d - 4c
--R
```

```
--R
                  +--+ 4
--R
                 1 2
--R
                 \|d
--R
              atan(----)
--R
                С
           cos(-----)
--R
--R
--R
                6 244 5 333 24 422
--R
            (-8d -8cd)x + (-32cd -32cd)x + (-48cd -48cd)x
--R
--R
                3 3 5 4 2 6
--R
            (- 32c d - 32c d)x - 8c d - 8c
--R
--R
--R
                          +--+ 2
--R
                          | 2
--R
                         \|d
                     atan(----)
--R
           +----+2
           4 | 2 2
--R
           \|d + c cos(-----)
--R
--R
--R
            7 255 6 344 25 433
--R
          (-15d - 15c d)x + (-75c d - 75c d)x + (-150c d - 150c d)x
--R
--R
              3 4 5 2 2 4 3 6 5 2 7
--R
          (-150c d - 150c d)x + (-75c d - 75c d)x - 15c d - 15c
--R
--R
--R
               +--+ 4
--R
               | 2
--R
              \|d
--R
           atan(----)
--R
--R
--R
--R
--R
              6 24 424 5 33 5 3
--R
            (4d + 8c d + 4c d)x + (8c d + 16c d + 8c d)x
--R
                  24 42 62 5 33 5
--R
            (4d + 12c d + 12c d + 4c)x + (8c d + 16c d + 8c d)x
--R
--R
--R
             2 4 4 2 6
--R
            4c d + 8c d + 4c
--R
--R
                     +--+ 5
                     | 2
--R
--R
                     \|d
                 atan(----)
--R
--R
            1 2
                   С
```

```
--R
           \|d cos(-----)
--R
--R
             5 2 3 5 4 3 2 4 5 2 3 4 3
--R
--R
            (4d + 4c d)x + (12c d + 12c d)x + (4d + 16c d + 12c d)x
--R
                4 32 52 23 4 32 5
--R
--R
             (12c d + 16c d + 4c)x + (12c d + 12c d)x + 4c d + 4c
--R
                              +--+ 3
--R
--R
                              | 2
--R
                             \|d
            +--+ +----+2 atan(----)
--R
            | 2 4 | 2 2
--R
                          С
--R
           \|d \|d + c cos(-----)
--R
--R
              6 246 5 335 6 24 424
--R
--R
             (8d + 8c d)x + (32c d + 32c d)x + (8d + 56c d + 48c d)x
--R
               5 33 5 3 24 42 62
--R
--R
             (32c d + 64c d + 32c d)x + (48c d + 56c d + 8c)x
--R
--R
              3 3 5 4 2 6
--R
             (32c d + 32c d)x + 8c d + 8c
--R
--R
                      +--+
--R
                     | 2
--R
                     \|d
--R
            +--+ atan(----)
           | 2
--R
           \|d cos(-----)
--R
--R
--R
--R
              +--+ 3
               | 2
--R
--R
              \|d
           atan(----)
--R
--R
--R
        sin(-----)
--R
--R
--R
              6 24 422 5 33 5 24 42
             (2d + 4c d + 2c d )x + (4c d + 8c d + 4c d)x + 2c d + 4c d
--R
--R
--R
             6
--R
             2c
--R
                          +--+ 8
--R
--R
                          | 2
```

```
--R
--R
           +----+2
                    atan(----)
--R
           4 | 2 2
--R
           \|d + c cos(-----)
--R
--R
              7 25 433 6 34 522
--R
--R
            (4d + 8c d + 4c d)x + (12c d + 24c d + 12c d)x
--R
              25 43 6
                                3 4 5 2 7
--R
            (12c d + 24c d + 12c d)x + 4c d + 8c d + 4c
--R
--R
                  +--+ 6
--R
                  1 2
--R
--R
                 \|d
              atan(----)
--R
--R
              С
           cos(-----)
--R
--R
--R
             6 244 5 333 24 422
--R
--R
            (8d + 8c d)x + (32c d + 32c d)x + (48c d + 48c d)x
--R
--R
              3 3 5 4 2 6
--R
            (32c d + 32c d)x + 8c d + 8c
--R
--R
                          +--+ 4
--R
                          | 2
--R
                         \|d
--R
           +----+2 atan(----)
           4 | 2 2 c
--R
--R
           \|d + c cos(-----)
--R
--R
              7 255 6 344 25 433
--R
            (12d + 12c d)x + (60c d + 60c d)x + (120c d + 120c d)x
--R
--R
               3 4 5 2 2 4 3 6 5 2 7
--R
            (120c d + 120c d)x + (60c d + 60c d)x + 12c d + 12c
--R
--R
                  +--+ 2
--R
                 | 2
--R
--R
                 \|d
              atan(----)
--R
--R
           cos(-----)
--R
--R
--R
              6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
--R
              6d x + 36c d x + 90c d x + 120c d x + 90c d x + 36c d x
```

```
--R
--R
--R
              6c
--R
--R
            +----+2
           4 | 2 2
--R
           \|d + c
--R
--R
               +--+ 2
--R
               | 2
--R
--R
              \|d
           atan(----)
--R
            С
--R
        sin(-----)
--R
--R
--R
               5 235 4 324
--R
             (- 2d - 2c d )x + (- 6c d - 6c d )x
--R
--R
               5 23 4 3 4 3 2 5 2
--R
             (-2d - 8c d - 6c d)x + (-6c d - 8c d - 2c)x
--R
--R
--R
               2 3 4 3 2 5
             (- 6c d - 6c d)x - 2c d - 2c
--R
--R
--R
                              +--+ 5
                              12
--R
--R
                              \|d
--R
            +--+ +-----+2
                          atan(----)
--R
            | 2 4 | 2 2
--R
           \|d \|d + c cos(-----)
--R
--R
                6 246 5 335
--R
--R
             (-4d - 4c d)x + (-16c d - 16c d)x
--R
--R
                6 24 424
                                      5 33 5 3
             (-4d - 28c d - 24c d)x + (-16c d - 32c d - 16c d)x
--R
--R
                24 42 62 33 5 42 6
--R
            (- 24c d - 28c d - 4c )x + (- 16c d - 16c d)x - 4c d - 4c
--R
--R
--R
                      +--+ 3
--R
                      | 2
--R
                      \|d
                  atan(----)
--R
            +--+
--R
            | 2
--R
           \|d cos(-----)
--R
--R
```

```
5 7 4 6 5 2 3 5 4 3 2 4
--R
--R
             - 2d x - 10c d x + (- 2d - 20c d)x + (- 10c d - 20c d)x
--R
                 2 3 4 3 3 2 5 2
--R
                                              4
--R
            (-20c d - 10c d)x + (-20c d - 2c)x - 10c d x - 2c
--R
--R
--R
                              | 2
--R
                              \|d
            +--+ +----+2
--R
                        atan(----)
--R
            | 2 4 | 2 2
                          С
           \|d \|d + c cos(-----)
--R
--R
--R
--R
               +--+
--R
               1 2
--R
              \|d
           atan(----)
--R
--R
            С
--R
        sin(-----)
--R
--R
--R
            7 25 433 6 34 522
         (-d - 2cd - cd)x + (-3cd - 6cd - 3cd)x
--R
--R
             25 43 6 34 52 7
--R
          (- 3c d - 6c d - 3c d)x - c d - 2c d - c
--R
--R
--R
               +--+ 8
--R
               | 2
--R
              \|d
           atan(----)
--R
--R
--R
--R
--R
            6 244 5 333 24 422
--R
         (- 4d - 4c d)x + (- 16c d - 16c d)x + (- 24c d - 24c d)x
--R
--R
--R
             3 3 5 4 2 6
         (- 16c d - 16c d)x - 4c d - 4c
--R
--R
--R
                        +--+ 6
--R
                       1 2
--R
                       \|d
--R
         +----+2
                   atan(----)
        4 | 2 | 2
--R
--R
        \|d + c cos(-----)
--R
--R
```

```
7 255 6 344 25 433
--R
--R
          (-6d - 6c d)x + (-30c d - 30c d)x + (-60c d - 60c d)x
--R
--R
              3 4 5 2 2 4 3 6
                                          5 2 7
--R
         (-60c d - 60c d)x + (-30c d - 30c d)x - 6c d - 6c
--R
--R
               +--+ 4
--R
               | 2
              \|d
--R
           atan(----)
--R
        --)
c
cos(-----)
2
--R
--R
--R
--R
--R
           6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
         (-4d x - 24c d x - 60c d x - 80c d x - 60c d x - 24c d x - 4c)
--R
--R
                        +--+ 2
--R
                       1 2
--R
                       \|d
--R
         +----+2
                   atan(----)
--R
        4 | 2 | 2
--R
        \|d + c cos(-----)
--R
--R
       77 66 255 344 433 522 6 7
--R
--R
      -dx - 7cdx - 21cdx - 35cdx - 35cdx - 21cdx - 7cdx - c
--R /
--R
              2 4 4 2 6 2 6 2 4 4 2 6 +-----+
--R
        ((d + 3c d + 3c d + c)x + d + 3c d + 3c d + c) | dx + c
--R
--R
               +--+ 12
--R
               1 2
--R
              \|d
--R
           atan(----)
--R
              С
         sin(-----)
--R
--R
--R
              6 24 42 62 6 24 42 6
--R
           ((4d + 12c d + 12c d + 4c)x + 4d + 12c d + 12c d + 4c)
--R
--R
--R.
                          +--+ 2
                         1 2
--R
--R
                         \|d
--R
                      atan(----)
--R
            +----+
--R
           \|d x + c cos(-----)
--R
--R
```

```
5 23 4 3 4 3 2 5 2
--R
            (-6d - 12c d - 6c d)x + (-6c d - 12c d - 6c)x
--R
--R
--R
                5
                    2 3 4
                                  4 32 5
            (- 6d - 12c d - 6c d)x - 6c d - 12c d - 6c
--R
--R
--R
            +----+2
           4 | 2 | 2 | +----+
--R
           \d + c \d x + c
--R
--R
--R
              +--+ 10
               12
--R
              \|d
--R
           atan(----)
--R
--R
               С
--R
        sin(-----)
--R
--R
             6 24 42 62 6 24 42 6
--R
--R
           ((6d + 18c d + 18c d + 6c)x + 6d + 18c d + 18c d + 6c)
--R
                          +--+ 4
--R
--R
                         1 2
--R
                         \|d
                     atan(----)
--R
--R
--R
           \|d x + c cos(-----)
--R
--R
                 5 23 4 3 4 3 2 5 2
--R
            (- 12d - 24c d - 12c d)x + (- 12c d - 24c d - 12c )x
--R
--R
                5 23
--R
                            4
             (- 12d - 24c d - 12c d)x - 12c d - 24c d - 12c
--R
--R
--R
                                  +--+ 2
                                  1 2
--R
--R
                                 \|d
--R
            +----+2
                             atan(----)
           4 | 2 | 2 | +-----+
--R
           \|d + c \|d x + c cos(-----)
--R
--R
--R
--R
               6 24 424 5 33 5 3
--R
             (15d + 30c d + 15c d)x + (30c d + 60c d + 30c d)x
--R
              6 24 42 62 5 33 5
--R
             (15d + 45c d + 45c d + 15c)x + (30c d + 60c d + 30c d)x
--R
--R
--R
               2 4 4 2 6
```

```
--R
            15c d + 30c d + 15c
--R
--R
            +----+
--R
           \d x + c
--R
              +--+ 8
--R
               | 2
--R
--R
              \|d
           atan(----)
--R
--R
              С
--R
        sin(-----)
--R
--R
             6 24 42 62 6 24 42 6
--R
--R
           ((4d + 12c d + 12c d + 4c )x + 4d + 12c d + 12c d + 4c )
--R
--R
                         +--+ 6
--R
                         1 2
--R
                         \|d
--R
                     atan(----)
            +----+
--R
                    С
--R
           \|d x + c cos(-----)
--R
--R
               5 23 4 3 4 3 2 5 2
--R
            (-8d -16cd -8cd)x + (-8cd -16cd -8c)x
--R
--R
               5 23 4 4 32 5
--R
--R
            (-8d - 16c d - 8c d)x - 8c d - 16c d - 8c
--R
--R
                                 +--+ 4
                                 12
--R
--R
           +----+2
--R
                            atan(----)
           4 | 2 | 2 | +-----+
--R
           \|d + c \|d x + c cos(-----)
--R
--R
--R
                  24 424 5 33 5 3
--R
--R
             (8d + 16c d + 8c d)x + (16c d + 32c d + 16c d)x
--R
              6 24 42 62 5 33 5
--R
--R
             (8d + 24c d + 24c d + 8c )x + (16c d + 32c d + 16c d)x
--R
--R
             2 4 4 2 6
--R
             8c d + 16c d + 8c
--R
--R
                         +--+ 2
                         | 2
--R
--R
                         \|d
```

```
--R
                     atan(----)
--R
--R
           \|d x + c cos(-----)
--R
--R
                5 235 4 324
--R
            (-20d - 20c d)x + (-60c d - 60c d)x
--R
--R
                5 23 4 3 4 3 2 5 2
--R
            (-20d - 80c d - 60c d)x + (-60c d - 80c d - 20c)x
--R
--R
                23 4 32 5
--R
            (-60c d - 60c d)x - 20c d - 20c
--R
--R
--R
            +----+2
--R
           4 | 2 2 +----+
--R
           \|d + c \|d x + c
--R
              +--+ 6
--R
               12
--R
--R
              \|d
--R
           atan(----)
--R
           С
        sin(-----)
--R
--R
--R
            6 24 42 62 6 24 42 6 +-----+
--R
--R
           ((d + 3c d + 3c d + c)x + d + 3c d + 3c d + c) | d x + c
--R
--R
                  +--+ 8
--R
                  | 2
--R
                 \|d
--R
              atan(----)
--R
                 С
--R
           cos(-----)
--R
--R
               5 23 4 3 4 3 2 5 2
--R
            (-4d - 8c d - 4c d)x + (-4c d - 8c d - 4c)x
--R
--R
               5 23 4 4 32 5
--R
--R
             (-4d - 8c d - 4c d)x - 4c d - 8c d - 4c
--R
--R
                                  +--+ 6
--R
                                  1 2
--R
                                 \|d
--R
            +----+2
                              atan(----)
           4 | 2 | 2 | +-----+
--R
           \d + c \d x + c \cos(-----)
--R
--R
```

```
--R
             6 24 424 5 33 5 3
--R
--R
            (4d + 8c d + 4c d)x + (8c d + 16c d + 8c d)x
--R
             6 24 42 62 5 33 5
--R
             (4d + 12c d + 12c d + 4c)x + (8c d + 16c d + 8c d)x
--R
--R
             2 4 4 2 6
--R
            4c d + 8c d + 4c
--R
--R
--R
                         +--+ 4
                         1 2
--R
                         \|d
--R
--R
                     atan(----)
--R
           +----+
                       С
--R
           \|d x + c cos(-----)
--R
--R
              5 2 3 5 4 3 2 4 5 2 3 4 3
--R
            (8d + 8c d)x + (24c d + 24c d)x + (8d + 32c d + 24c d)x
--R
--R
               4 32 52 23 4 32 5
--R
--R
            (24c d + 32c d + 8c)x + (24c d + 24c d)x + 8c d + 8c
--R
                                 +--+ 2
--R
                                 1 2
--R
--R
                                \|d
--R
           +----+2
                            atan(----)
--R
           4 | 2 2 +-----+
--R
           \d + c \d x + c \cos(-----)
--R
--R
--R
                   246
                             5 335
--R
            (15d + 15c d)x + (60c d + 60c d)x
--R
              6 24 424 5 33 5 3
--R
--R
            (15d + 105c d + 90c d)x + (60c d + 120c d + 60c d)x
--R
              24 42 62 33 5 42
--R
            (90c d + 105c d + 15c)x + (60c d + 60c d)x + 15c d + 15c
--R
--R
--R
           +----+
--R
           \d x + c
--R
--R
              +--+ 4
              | 2
--R
--R
             \|d
--R
           atan(----)
--R
            С
        sin(-----)
--R
```

```
--R
--R
--R
               5 23 4 3 4 3 2 5 2
--R
             (-2d - 4c d - 2c d)x + (-2c d - 4c d - 2c)x
--R
               5 23 4
                                  4 32 5
--R
             (-2d - 4c d - 2c d)x - 2c d - 4c d - 2c
--R
--R
--R
                                  +--+ 8
                                  | 2
--R
--R
                                 \|d
                              atan(----)
--R
           4 | 2 2 +-----+
--R
           \|d + c \|d x + c cos(-----)
--R
--R
--R
--R
               6 24 424 5 33 5 3
             (- 4d - 8c d - 4c d )x + (- 8c d - 16c d - 8c d)x
--R
--R
               6 24 42 62 5 33 5
--R
--R
             (-4d - 12c d - 12c d - 4c)x + (-8c d - 16c d - 8c d)x
--R
--R
              2 4 4 2 6
--R
             -4cd-8cd-4c
--R
                          +--+ 6
--R
--R
                          1 2
--R
                         \|d
--R
                     atan(----)
--R
            +----+
--R
           \|d x + c cos(-----)
--R
--R
               5 235 4 324
--R
--R
             (-8d - 8c d)x + (-24c d - 24c d)x
--R
               5 23 4 3 4 3 2 5 2
--R
             (-8d - 32c d - 24c d)x + (-24c d - 32c d - 8c)x
--R
--R
--R
                2 3 4
                             3 2 5
            (- 24c d - 24c d)x - 8c d - 8c
--R
--R
--R
                                  +--+ 4
--R
                                  | 2
--R
                                 \|d
--R
            +----+2
                              atan(----)
           4 | 2 | 2 | +-----+
--R
--R
           \d + c \d x + c \cos(-----)
--R
--R
```

```
6 246 5 335
--R
            (-12d - 12c d)x + (-48c d - 48c d)x
--R
--R
                6 24
                                       5 33 5 3
--R
                          4 2 4
            (- 12d - 84c d - 72c d)x + (- 48c d - 96c d - 48c d)x
--R
--R
               2 4 4 2
                          6 2 3 3 5 4 2 6
--R
--R
           (-72c d - 84c d - 12c)x + (-48c d - 48c d)x - 12c d - 12c
--R
                         +--+ 2
--R
                         1 2
--R
                        \|d
--R
--R
                     atan(----)
--R
                        С
--R
           \|d x + c cos(-----)
--R
--R
--R
              57 46 5 235 4 324
            -6d x - 30c d x + (-6d - 60c d)x + (-30c d - 60c d)x
--R
--R
--R
               23 43 32 52 4
            (-60c d - 30c d)x + (-60c d - 6c)x - 30c dx - 6c
--R
--R
--R
           +----+2
           4 | 2 2 +----+
--R
           \d + c \d x + c
--R
--R
--R
               +--+ 2
--R
              | 2
--R
              \|d
--R
           atan(----)
--R
            С
--R
        sin(-----)
--R
--R
           6 24 424 5 33 5 3
--R
--R
          (d + 2c d + c d)x + (2c d + 4c d + 2c d)x
--R
          6 24 42 62 5 33 5 24 42
--R
--R
          (d + 3c d + 3c d + c)x + (2c d + 4c d + 2c d)x + c d + 2c d
--R
--R
          6
--R
         С
--R
--R
                      +--+ 8
--R
                     | 2
--R
                     \|d
--R
                  atan(----)
--R
--R
        \|d x + c cos(-----)
```

```
2
--R
--R
           5 235 4 324 5 23 43
--R
--R
          (4d + 4c d)x + (12c d + 12c d)x + (4d + 16c d + 12c d)x
--R
                                      4 32 5
--R
             4 32 52
                               2 3
--R
          (12c d + 16c d + 4c)x + (12c d + 12c d)x + 4c d + 4c
--R
--R
                              +--+ 6
--R
                              | 2
--R
                              \|d
                          atan(----)
--R
        4 | 2 | 2 | +-----+
--R
        \|d + c \|d x + c cos(-----)
--R
--R
--R
--R
          6 246 5 335 6 24 424
         (6d + 6c d)x + (24c d + 24c d)x + (6d + 42c d + 36c d)x
--R
--R
             5 33 5 3 24 42 62
--R
--R
          (24c d + 48c d + 24c d)x + (36c d + 42c d + 6c)x
--R
--R
           3 3 5 4 2 6
--R
          (24c d + 24c d)x + 6c d + 6c
--R
                      +--+ 4
--R
--R
                      1 2
--R
                      \|d
--R
                  atan(----)
--R
         +----+
--R
        \|d x + c cos(-----)
--R
--R
          57 46 5 235 4 324
--R
--R
         4d x + 20c d x + (4d + 40c d)x + (20c d + 40c d)x
--R
--R
           23 43 32 52
                                       4
         (40c d + 20c d)x + (40c d + 4c)x + 20c d x + 4c
--R
--R
--R
--R
                              | 2
--R
                             \|d
--R
        +----+2
                          atan(----)
        4 | 2 | 2 | +-----+
--R
--R
        \d + c \d x + c \cos(-----)
--R
--R
         68 57 6 246 5 335
--R
         d x + 6c d x + (d + 15c d)x + (6c d + 20c d)x
--R
--R
```

```
2 4 4 2 4 3 3 5 3 4 2 6 2 5 6
--R
--R
         (15c d + 15c d)x + (20c d + 6c d)x + (15c d + c)x + 6c dx + c
--R
--R
          +----+
--R
         \d x + c
--R
                                     Type: Expression(Complex(Integer))
--E 605
)clear all
--S 606 of 1581
t0:=sqrt(2+3*x)/(1-x^2)
--R
--R
--R
          +----+
--R
         13x + 2
--R (1) - -----
--R
           2
--R
          x - 1
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 606
--S 607 of 1581
r0:=-atan(sqrt(2+3*x))+atanh(sqrt(2+3*x)/sqrt(5))*sqrt(5)
--R
--R
--R
     +-+ \|3x + 2 +----+
--R
--R
    (2) |5 \operatorname{atanh}(-----) - \operatorname{atan}(|3x + 2)
--R
                   +-+
--R
                   \|5
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 607
--S 608 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                +-+ +----+
         +-+ 2|5|3x + 2 + 3x + 7 +----+
--R
--R
        --R
                     x - 1
    (3) -----
--R.
--R
                             2
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 608
--S 609 of 1581
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R
                 +-+ +----+
         +-+ 2\|5 \|3x + 2 + 3x + 7 +-+ \|3x + 2
--R
         \|5 log(-----) - 2\|5 atanh(-----)
--R
--R
                      x - 1
--R
                                                   \|5
     (4) -----
--R
--R
                                 2
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 609
--S 610 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 610
)clear all
--S 611 of 1581
t0:=sqrt(c+d*x)/(1-x^2)
--R
--R
--R
           +----+
--R
           \label{eq:ldx+c} \
--R
--R
            2
--R
           x - 1
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 611
--S 612 of 1581
r0:=-atanh(sqrt(c+d*x)/sqrt(c-d))*sqrt(c-d)+_
    atanh(sqrt(c+d*x)/sqrt(c+d))*sqrt(c+d)
--R.
--R
--R
                                    +----+ \|d x + c
--R
           +----+
                         \d x + c
     (2) - \|- d + c atanh(------) + \|d + c atanh(------) + -----+
--R
--R
--R
                         \|d + c
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 612
--S 613 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
(3)
--R
--R
    Ε
--R
                   +----+ +----+
         +----+ 2 \leq d + c \leq d + d + d + 2c
--R
         \|d + c log(-----)
--R
                             x - 1
--R
--R
--R
                      +----+
         +----+ -2|-d+c|dx+c+dx-d+2c
--R
         \|- d + c log(------)
--R
--R
--R
--R
--R
--R
               +----+ +----+
--R
      +----+ 2\|d + c \|d x + c + d x + d + 2c +----+
                                                      \d x + c
--R
     \|d + c log(-----) - 2\|d - c atan(-----)
                         x - 1
--R
                                                       +----+
--R
                                                       \|d - c
--R
--R
--R
--R
                       +----+
--R
         +----+ -2 = d + c = d + c + d + c + d + c
--R
         \|- d + c log(-----)
--R
                                 x + 1
--R
--R
                      +----+
--R
          +----+
                     \label{eq:ldx+c} \
--R
         2\|- d - c atan(-----)
                     +----+
--R
                     \|- d - c
--R
--R
--R
--R
--R
                           +----+ \|d x + c
                \d x + c
--R
--R
     \|- d - c atan(-----) - \|d - c atan(-----)]
                 +----+
--R
                                      +---+
--R
                 \|- d - c
                                      \|d - c
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 613
--S 614 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
                  +----+
--R
--R
                2 \mid d + c \mid d x + c + d x + d + 2c
```

```
\|d + c log(-----)
--R
--R
--R
                      +----+
--R
        +----- - 2\|- d + c \|d x + c + d x - d + 2c
--R
        \|- d + c log(-----)
--R
--R
                                x + 1
--R
                      +----+
--R
                                 +----+
--R
                    \d x + c
                                             \label{eq:ldx+c} \
--R
        2 = d + c atanh(-----) - 2 d + c atanh(-----)
                      +----+
                                              +----+
--R
                     \|- d + c
--R
                                              \|d + c
--R /
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 614
--S 615 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 615
--S 616 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                  +----+
--R
        +----+ 2 \mid d + c \mid d + c + d + d + 2c
--R
        \|d + c log(-----)
--R
                             x - 1
--R
                      +----+
--R
                                 +----+
--R
         +----+
                    \d x + c
                                             \d x + c
        2 = d + c a tanh(-----) - 2 d + c a tanh(-----)
--R
                      +----+
                                              +---+
--R
                     \|- d + c
--R
                                              \d + c
--R
--R
                     +----+
--R
          +----+
                    \d x + c
        - 2\|d - c atan(-----)
--R
                      +---+
--R
                     \|d - c
--R
--R /
--R
      2
--R
                                            Type: Expression(Integer)
```

```
--E 616
--S 617 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (7) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 617
)clear all
--S 618 of 1581
t0:=sqrt(2+3*x)/(a+b*x^2)
--R
--R
--R
         +----+
--R
         13x + 2
--R
   (1) -----
          2
--R
--R
          b x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 618
--S 619 of 1581
r0:=atan(b^{(1/4)}*sqrt(2+3*x)/sqrt(3*sqrt(-a)-2*sqrt(b)))*_
    sqrt(3*sqrt(-a)-2*sqrt(b))/(b^(3/4)*sqrt(-a))-atanh(b^(1/4)*__
    sqrt(2+3*x)/sqrt(3*sqrt(-a)+2*sqrt(b)))*sqrt(3*sqrt(-a)+_
    2*sqrt(b))/(b^(3/4)*sqrt(-a))
--R
--R
--R
     (2)
                              4+-+ +----+
--R
           +----+
          | +-+ +---+
--R
                                --R
        - \|2\|b + 3\|- a atanh(-----)
--R
                                | +-+ +---+
--R
                               |2|b + 3|- a
--R
--R
                                 4+-+ +----+
--R
         | +-+ +---+
                                 \|b \|3x + 2
--R
--R
        \|- 2\|b + 3\|- a atan(-----)
--R.
                              +----+
                               | +-+ +---+
--R
                              |- 2|b + 3|- a
--R
--R /
--R
       +---+4+-+3
--R
      \|- a \|b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 619
```

```
--S 620 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
        | +----+
| | 1
--R
--R
         |6a b |- ---- - 2
--R
--R
         | | 3
        | \| 4a b
--R
--R
        |-----
        \| a b
--R
--R
--R
                      | +----+
--R
--R
                      | | 1
--R
                     |6a b |- ---- - 2
              +----- | 3
--R
              2 | 1 | \| 4a b
--R
        log(2a b | - ---- | ----- + | 3x + 2)
--R
              | 3 \| a b
--R
              \| 4a b
--R
--R
--R
--R
          | +----+
| | 1
--R
--R
          |- 6a b |- ---- - 2
--R
          | | 3
| \| 4ab
--R
--R
--R
          \1
              a b
--R
--R
--R
                          | 1
--R
                        |- 6a b |- ---- - 2
--R
          --R
--R
--R
--R
                | 3 \|
                            a b
--R
                \| 4a b
--R
         +----+
--R
         | +----+
| | 1
--R
--R
         |- 6a b |- ---- - 2
--R
         | | 3
--R
```

```
| \| 4a b
--R
--R
--R
        \| a b
--R
--R
                         | +----+
| 1
--R
--R
--R
                         |- 6a b |- ---- - 2
                +----+ | | 3
2 | 1 | \| 4a b
--R
--R
        log(- 2a b | - ---- | ----- + | 3x + 2)
--R
                 ] 3 \]
                           a b
--R
                 \| 4a b
--R
--R
--R
--R
           | +----+
| | 1
--R
--R
--R
           |6a b |- ---- - 2
           | | 3
--R
--R
           | \| 4a b
--R
           \| a b
--R
--R
--R
                           | +----+
| | 1
--R
--R
                           |6a b |- ---- - 2
--R
           --R
--R
--R
--R
                   \| 4a b
--R
--R /
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 620
--S 621 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                    +----+
--R
                  | | 1
--R
                  |6a b |- ---- - 2
--R
                 | | 3
--R
--R
         +---+4+-+3 | \| 4a b
        \|- a \|b ||-----
--R
```

```
--R
               \| a b
--R
--R
                      | +----+
| | 1
--R
--R
                      |6a b |- ---- - 2
--R
               +----- | 3
--R
              2 | 1 | \| 4a b
--R
--R
        log(2a b | - ---- | ----- + | 3x + 2)
               | 3 \| a b
--R
--R
               \| 4a b
--R
--R
--R
                   | +----+
| 1
--R
--R
                   |- 6a b |- ---- - 2
--R
                  | | 3
--R
           +---+4+-+3 | \| 4a b
--R
          --R
                 \| a b
--R
--R
--R
                        | +----+
| 1 1
--R
--R
                       |- 6a b |- ---- - 2
--R
          --R
--R
--R
                .
| 3 \| a b
--R
--R
                 \| 4a b
--R
--R
                | +----+
| | 1
--R
--R
                |- 6a b |- ---- - 2
--R
         | | 3
+---+4+-+3 | \| 4a b
--R
--R
        --R
               \| a b
--R
--R
--R
                        | +----+
| | 1
--R
--R
                       |- 6a b |- ---- - 2
--R
        +-----+ | | 3
2 | 1 | \| 4a b +-----+
log(- 2a b |----- |-----------------------+ \| 13x + 2 )
--R
--R
--R
                | 3 \| a b
--R
                \| 4a b
--R
```

```
--R
--R
--R
                   | +----+
| | 1
--R
--R
--R
                   |6a b |- ---- - 2
                   | | 3
--R
           +---+4+-+3 | \| 4a b
--R
          \|- a \|b |-----
--R
                  \| ab
--R
--R
--R
                          | +----+
| 1
--R
--R
--R
                          |6a b |- ---- - 2
--R
                   +----- | 3
--R
                  2 | 1 | \| 4a b
--R
          log(-2a b | ----- + | 3x + 2)
                  .
| 3\| ab
--R
                  \| 4a b
--R
--R
--R
                          4+-+ +----+
       | +-+ +---+
--R
                          2\|2\|b + 3\|- a atanh(-----)
--R
                          +----+
--R
                          | +-+ +---+
--R
--R
                         |2|b + 3|- a
--R
--R
                             4+-+ +----+
         | +-+ +---+
--R
                             --R
       - 2\|- 2\|b + 3\|- a atan(-----)
--R
                           | +-+ +---+
--R
--R
                           |- 2|b + 3|- a
--R /
      +---+4+-+3
--R
--R
     2\|- a \|b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 621
--S 622 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
                    4+-+2 2
--R
      (36b x + 48b x + 16b) | b + (-36b x - 48b x - 16b) | b
--R
--R /
          2 4 2 3 2 2 2 4+-+2
--R
        (9b x + 12b x + (8b + 18a b)x + 12a b x + 8a b + 9a) \b
--R
```

```
--R
           2 3 2 2 +-+
--R
--R
           (-12b x - 8b x - 12a b x - 8a b) \setminus |b|
--R
         +----+
--R
         13x + 2
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 622
)clear all
--S 623 of 1581
t0:=sqrt(2+3*x)/(a-b*x^2)
--R
--R
--R
            +----+
--R.
           13x + 2
--R (1) - -----
           2
--R
--R
           b x - a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 623
--S 624 of 1581
r0:=-atan(b^{(1/4)}*sqrt(2+3*x)/sqrt(3*sqrt(a)-2*sqrt(b)))*sqrt(3*sqrt(a)-_
    2*sqrt(b))/(b^{(3/4)}*sqrt(a))+atanh(b^{(1/4)}*sqrt(2+3*x)/_
    sqrt(3*sqrt(a)+2*sqrt(b)))*sqrt(3*sqrt(a)+2*sqrt(b))/(b^(3/4)*sqrt(a))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                               4+-+ +----+
         | +-+ +-+
--R
                               --R
         \|2\|b + 3\|a atanh(-----)
--R
                              +----+
--R
                              | +-+ +-+
                             |2|b + 3|a
--R
--R
                                 4+-+ +----+
--R
           | +-+ +-+
--R
                                  --R
         - \|- 2\|b + 3\|a atan(-----)
--R
                                | +-+ +-+
--R
--R
                                \label{eq:local_local_local_local} $$ \left( -2 \right) + 3 \right) a
--R /
--R
       +-+4+-+3
--R
       \|a \|b
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 624
--S 625 of 1581
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
      | +----+
| | 1
                             | +----+
| | 1
--R
--R
                         |6a b |---- + 2
--R
       |6a b |---- + 2
       | | 3
| \14a b
                       +----+ | | 3
--R
      | \|4a b
                       2 | 1 | \|4a b
--R
--R
      | 3 \| a b
      \| a b
--R
--R
                        \|4a b
--R
--R
--R
          | +----+
| | 1
--R
--R
--R
          |- 6a b |---- + 2
          | | 3
| \|4a b
--R
--R
--R
         \l a b
--R
--R
--R
                     | +----+
| | 1
--R
--R
--R
                    |- 6a b |---- + 2
         --R
--R
--R
--R
--R
               \|4a b
--R
--R
        | +----+
| | 1
--R
--R
        |- 6a b |---- + 2
--R
        | | 3
| \|4a b
--R
--R
--R
--R
       \| a b
--R
--R
--R
                      +----+
                    | | 1
--R
                    |- 6a b |---- + 2
--R
       --R
--R
--R
```

```
| 3 \| a b
--R
--R
                 \|4a b
--R
--R
--R
                                      | | 1
--R
         | | 1
                                     |6a b |---- + 2
--R
         |6a b |---- + 2
         | | 3
                               +----+ | 3
--R
                              2 | 1 | \|4a b
--R
         | \|4a b
        |----- log(- 2a b |---- |----- + \|3x + 2 )
--R
                              | 3 \| a b
--R
        \| a b
--R
                               \|4a b
--R /
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 625
--S 626 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
--R
                | | 1
--R
--R
                |6a b |---- + 2
         | | 3
+-+4+-+3 | \|4a b
--R
--R
--R
        \|a \|b |-----
--R
              \| a b
--R
--R
                      | +----+
| | 1
--R
--R
                      |6a b |---- + 2
                +----+ | | 3
--R
              2 | 1 | \|4a b
--R
        log(2a b | ---- | ----- + | 3x + 2)
--R
               | 3 \| a b
--R
--R
               \|4a b
--R
--R
--R
--R
                  +----+
                  | | 1
--R
                  |- 6a b |---- + 2
--R
                 | | 3
--R
--R
           +-+4+-+3 | \|4a b
           \|a \|b |-----
--R
                 \| a b
--R
```

```
--R
--R
                         | +----+
| | 1
--R
--R
                        |- 6a b |---- + 2
--R
           +----+ | | 3
2 | 1 | \|4a b | +----+
log(2a b |---- |------- + \|3x + 2 )
--R
--R
--R
                  | 3 \| a b
--R
--R
                  \|4a b
--R
--R
                 | +----+
| | 1
--R
--R
                 |- 6a b |---- + 2
--R
         | | 3
+-+4+-+3 | \|4a b
--R
--R
         \|a \|b ||-----
--R
            \| a b
--R
--R
--R
--R
                        | | 1
--R
--R
                        |- 6a b |---- + 2
         --R
--R
--R
--R
--R
                 \|4a b
--R
--R
--R
                   | +----+
| | 1
--R
--R
--R
                   |6a b |---- + 2
                  | | 3
--R
            +-+4+-+3 | \|4a b
--R
           \|a \|b |-----
--R
                  \l a b
--R
--R
--R
                          | +----+
| | 1
--R
--R
                          |6a b |---- + 2
--R
                    +----+ | | 3
--R
                   2 | 1 | \|4a b
--R
           log(-2a b | ---- + | 3x + 2)
--R
                    | 3 \| a b
--R
--R
                    \|4a b
--R
```

```
+----+
| +-+ +-+
                           4+-+ +----+
--R
--R
                            --R
       - 2\|2\|b + 3\|a atanh(-----)
--R
--R
                           | +-+ +-+
                          |2\|b + 3\|a
--R
--R
--R
                            4+-+ +----+
        | +-+ +-+
                            --R
       2\|- 2\|b + 3\|a atan(-----)
--R
--R
                          | +-+ +-+
--R
                          --R
--R /
--R
      +-+4+-+3
--R
      2\|a \|b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 626
--S 627 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
--R
               4+-+2 2 +-+
      (-36b x - 48b x - 16b) | b + (36b x + 48b x + 16b) | b
--R
--R /
          2 4 2 3 2 2 2 4+-+2
--R
--R
        (9b x + 12b x + (8b - 18a b)x - 12a b x - 8a b + 9a) \b
       2 3 2 2
--R
--R
--R
        (-12b x - 8b x + 12a b x + 8a b) \setminus |b|
--R
--R
       +----+
--R
       13x + 2
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 627
)clear all
--S 628 of 1581
t0:=sqrt(1+x)/(1+x^2)
--R
--R
--R
        +----+
--R
       |x + 1|
--R (1) -----
--R
        2
       x + 1
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 628
--S 629 of 1581
r0:=-2*atanh(sqrt(1+x)/sqrt(1-\%i))/(1-\%i)^(3/2)-_
    2*atanh(sqrt(1+x)/sqrt(1+%i))/(1+%i)^(3/2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
                            |x + 1|
                                                               |x + 1|
     (- 1 - %i)\|1 + %i atanh(-----) + (- 1 + %i)\|1 - %i atanh(-----)
--R
                            +----+
--R
--R
                            \|1 - %i
                                                              \|1 + %i
--R
--R
                               +----+
--R
                              \|1 - %i \|1 + %i
--R
                                         Type: Expression(Complex(Integer))
--E 629
--S 630 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
          4+-+ %pi
--R
          \|2 cos(---)
--R
--R
--R
               4+-+
                      %pi +----+ 4+-+2 %pi 2 4+-+2 %pi 2
--R
          log(2|2 sin(---)|x + 1 + |2 sin(---) + |2 cos(---) + x + 1)
--R
--R
--R
--R
             4+-+ %pi
--R
             \|2 cos(---)
--R
--R
                         %pi +----+ 4+-+2 %pi 2 4+-+2 %pi 2
--R
           log(-2|2 sin(---)|x + 1 + |2 sin(---) + |2 cos(---) + x + 1)
--R
--R
--R
--R
                               4+-+ %pi
                               \|2 cos(---)
--R.
--R
                 %pi
--R
         2\|2 sin(---)atan(------)
                         +----+ 4+-+ %pi
--R
                  8
                         |x + 1 - |2 \sin(---)
--R
--R
--R
--R
                               4+-+
                                      %pi
```

```
\|2 cos(---)
--R
--R
                                8
         4+-+
                %pi
--R
        2\|2 sin(---)atan(------)
                        +----+ 4+-+
--R
                 8
                                        %pi
                        |x + 1 + |2 \sin(---)
--R
--R
--R /
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 630
--S 631 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
           +----+ +----+4+-+
--R
          \|1 - %i \|1 + %i \|2 cos(---)
--R
--R
--R
                     %pi +----+ 4+-+2 %pi 2 4+-+2 %pi 2
          log(2|2 sin(---)|x + 1 + |2 sin(---) + |2 cos(---) + x + 1)
--R
--R
                      8
                                           8
--R
--R
             +----+ +----+4+-+ %pi
--R
--R
             \|1 - %i \|1 + %i \|2 cos(---)
--R
--R
--R
                        %pi +----+ 4+-+2 %pi 2 4+-+2 %pi 2
                 4+-+
--R
           \log(-2|2\sin(---)|x+1+|2\sin(---)+|2\cos(---)+x+1)
--R
                         8
--R
--R
                               +---+
                                                 +----+
--R
                              |x + 1|
                                                              |x + 1|
        (2 + 2%i)\|1 + %i atanh(------) + (2 - 2%i)\|1 - %i atanh(-----)
--R
                              +----+
--R
                                                              +----+
--R
                             \|1 - %i
                                                              \|1 + %i
--R
--R
                                             4+-+ %pi
--R
                                             |2 \cos(---)
          +----+ +----+4+-+
--R
                                %pi
--R
        2\|1 - %i \|1 + %i \|2 sin(---)atan(------)
                                        +----+ 4+-+ %pi
--R
                                 8
--R
                                        |x + 1 - |2 \sin(---)
--R
--R
                                                    %pi
--R
                                             4+-+
                                             \|2 cos(---)
--R
--R
          +----+ +----+4+-+
                                                     8
                                %pi
```

```
--R
        2\|1 - %i \|1 + %i \|2 sin(---)atan(------)
                                      +----+ 4+-+ %pi
--R
                               8
--R
                                      |x + 1 + |2 \sin(---)
--R
--R /
--R
       +----+
      2\|1 - %i \|1 + %i
--R
--R
                                      Type: Expression(Complex(Integer))
--E 631
--S 632 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
     (5)
--R
                  %pi 12
--R
        (-8x - 8)sin(---)
--R
--R
                    %pi 2 2 4+-+2 %pi 10
--R
        ((-32x - 32)\cos(---) + (24x + 48x + 24)|2)\sin(---)
--R
--R
--R
          3 2 4+-+2 %pi %pi 9
--R
--R
        (-8x - 8x - 8x - 8)\|2 \cos(---)\sin(---)
--R
--R
                        %pi 4 2 4+-+2 %pi 2 3
--R
--R
           (-48x - 48)\cos(---) + (48x + 96x + 48) | 2 \cos(---) - 60x
--R
--R
              2
--R
--R
           - 180x - 180x - 60
--R
--R
            %pi 8
          sin(---)
--R
--R
            8
--R
              3 2 4+-+2 %pi 3
--R
--R
           (-16x - 16x - 16x - 16)\|2 \cos(---)
--R
--R
             4 3 2
--R
           (32x + 64x + 64x + 64x + 32)\cos(---)
--R
--R
--R
--R
            %pi 7
--R
          sin(---)
--R
           8
--R
```

```
%pi 6 2 4+-+2 %pi 4
--R
          (-32x - 32)\cos(---) + (32x + 64x + 32) | 2\cos(---)
--R
--R
--R
          3 2
--R
          (-32x - 96x - 96x - 32)\cos(---)
--R
          4 3 2 4+-+2
--R
         (40x + 160x + 240x + 160x + 40)\|2
--R
--R
          %pi 6
--R
        sin(---)
--R
--R
--R
          3 2 4+-+2 %pi 5
--R
          (-8x - 8x - 8x - 8)\|2 \cos(---)
--R
--R
--R
          4 3 2 %pi 3
--R
--R
          (16x + 32x + 32x + 32x + 16)\cos(---)
--R
--R
          5 4 3 2 4+-+2 %pi
--R
          (-24x - 72x - 96x - 96x - 72x - 24)\|2 \cos(---)
--R
--R
--R
          %pi 5
--R
--R
        sin(---)
         8
--R
--R
                   %pi 8 2 4+-+2 %pi 6
--R
          (-8x - 8)\cos(---) + (16x + 32x + 16) | 2 \cos(---)
--R
          3 2
--R
--R
         (-16x - 48x - 48x - 16)\cos(---)
--R
--R
          4 3 2 4+-+2 %pi 2 5 4
--R
--R
         (-16x - 64x - 96x - 64x - 16)\|2 \cos(---) - 30x - 150x
--R
--R
        + 3 2
--R
--R
--R
         - 300x - 300x - 150x - 30
--R
--R
          %pi 4
--R
        sin(---)
        8
--R
--R
```

```
4 3 2 %pi 5
--R
          (16x + 32x + 32x + 32x + 16)\cos(---)
--R
--R
--R
          5 4 3 2 4+-+2 %pi 3
--R
          (8x + 24x + 32x + 32x + 24x + 8) | 2 cos(---)
--R
--R
--R
          6 5 4 3
--R
          (16x + 64x + 112x + 128x + 112x + 64x + 16)\cos(---)
--R
--R
--R
          %pi 3
--R
--R
        sin(---)
--R
--R
          2 4+-+2 %pi 8 3 2
--R
--R
         (8x + 16x + 8) | 2 \cos(---) + (16x + 48x + 48x + 16)\cos(---)
--R
--R
           4 3 2 4+-+2 %pi 4
--R
          (16x + 64x + 96x + 64x + 16) | 2 cos(---)
--R
--R
--R
           5 4 3 2
--R
          (24x + 120x + 240x + 240x + 120x + 24)\cos(---)
--R
--R
--R
          6 5 4 3 2
--R
--R
          (6x + 36x + 90x + 120x + 90x + 36x + 6) | 2
--R
--R
          %pi 2
--R
        sin(---)
--R
--R
         5 4 3 2 4+-+2 %pi 5
--R
--R
         (-4x - 12x - 16x - 16x - 12x - 4) | 2 cos(---)
--R
         6 5 4 3
--R
--R
                                2
         (-8x - 32x - 56x - 64x - 56x - 32x - 8)\cos(---)
--R
--R
--R
          7 6 5 4 3 2 4+-+2 %pi
--R
--R
         (-2x - 10x - 22x - 30x - 30x - 22x - 10x - 2)|2 \cos(---)
--R
--R
          %pi
--R
        sin(---)
--R
--R
          8
```

```
--R
        3 2
--R
                           %pi 8
--R
      (-4x - 12x - 12x - 4)\cos(---)
--R
--R
        4 3 2 4+-+2 %pi 6
--R
--R
      (-8x - 32x - 48x - 32x - 8) | 2 cos(---)
--R
--R
         5 4 3
--R
                          2
--R
      (-12x - 60x - 120x - 120x - 60x - 12)\cos(---)
--R
--R
        6 5 4 3 2 4+-+2 %pi 2 7 6
--R
--R
       (-4x - 24x - 60x - 80x - 60x - 24x - 4)\|2 \cos(---) - x - 7x
--R
--R
--R
        5 4 3
                        2
--R
       - 21x - 35x - 35x - 21x - 7x - 1
--R /
--R
         2 %pi 12
--R
        (8x + 8)sin(---)
--R
--R
         2 %pi 2 3 2 4+-+2 %pi 10
--R
        ((32x + 32)\cos(---) + (-24x - 24x - 24x - 24)|2)\sin(---)
--R
--R
--R
           2 %pi 4 3 2 4+-+2 %pi 2
--R
--R
           (48x + 48)\cos(---) + (-48x - 48x - 48x - 48)\|2\cos(---)
--R
--R
           4 3 2
--R
--R
           60x + 120x + 120x + 120x + 60
--R
--R
           %pi 8
--R
         sin(---)
--R
--R
            2 %pi 6 3 2
--R
           (32x + 32)\cos(---) + (-32x - 32x - 32x - 32)|2 \cos(---)
--R
--R
--R
           4 3 2
--R
                                   %pi 2
--R
           (32x + 64x + 64x + 64x + 32)\cos(---)
--R
--R
             5 4 3 2
--R
           (-40x - 120x - 160x - 160x - 120x - 40)\|2
--R
--R
```

```
--R
                                            %pi 6
                                      sin(---)
--R
--R
                                           8
--R
                                             2 %pi 8 3 2 4+-+2 %pi 6
--R
                                            (8x + 8)\cos(---) + (-16x - 16x - 16x - 16)\|2\cos(---)
--R
                                             4 3 2
--R
--R
                                            (16x + 32x + 32x + 32x + 16)\cos(---)
--R
--R
                                             5 4 3 2
--R
                                                                                                                                               4+-+2 %pi 2 6 5
--R
                                            (16x + 48x + 64x + 64x + 48x + 16) | 2 cos(---) + 30x + 120x
--R
--R
--R
                                             4 3 2
--R
                                            210x + 240x + 210x + 120x + 30
--R
--R
--R
                                             %pi 4
--R
                                       sin(---)
                                             8
--R
--R
                                          3 2 4+-+2 %pi 8
--R
                                            (-8x - 8x - 8x - 8)\|2 \cos(---)
--R
--R
--R
                                             4 3 2 %pi 6
--R
--R
                                            (-16x - 32x - 32x - 32x - 16)\cos(---)
--R
--R
                                            5 4 3 2 4+-+2 %pi 4
--R
--R
                                            (-16x - 48x - 64x - 64x - 48x - 16)\|2 \cos(---)
--R
--R
                                             6 5 4 3 2 %pi 2
--R
                                            (-24x - 96x - 168x - 192x - 168x - 96x - 24)\cos(---)
--R
--R
                                      + 7 6 5 4 3 2 \frac{1}{2} 
--R
--R
                                           (-6x - 30x - 66x - 90x - 90x - 66x - 30x - 6)\|2
--R
--R
                                           %pi 2
--R.
                                      sin(---)
--R
--R
                                       8
--R
                                     4 3 2 %pi 8
--R
                                 (4x + 8x + 8x + 8x + 4)\cos(---)
--R
--R
```

```
5 4 3 2 4+-+2 %pi 6
--R
--R
          (8x + 24x + 32x + 32x + 24x + 8) | 2 \cos(---)
--R
--R
            6 5 4 3
--R
          (12x + 48x + 84x + 96x + 84x + 48x + 12)\cos(---)
--R
--R
--R
                                                    4+-+2 %pi 2 8
                 6 5 4
                                    3
                                          2
--R
          (4x + 20x + 44x + 60x + 60x + 44x + 20x + 4) | 2 cos(---) + x
--R
--R
--R
           7 6 5 4 3
--R
          6x + 16x + 26x + 30x + 26x + 16x + 6x + 1
--R
--R
--R
         +---+
--R
        |x + 1|
--R
                                        Type: Expression(Complex(Integer))
--E 632
)clear all
--S 633 of 1581
t0:=1/((1+x^2)*sqrt(1+x))
--R
--R
--R
--R
--R
         2 +----+
--R
         (x + 1) \setminus |x + 1|
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 633
--S 634 of 1581
r0:=1/2*(1-\%i)^(3/2)*atanh(sqrt(1+x)/sqrt(1-\%i))+1/2*(1+\%i)^(3/2)*_
    atanh(sqrt(1+x)/sqrt(1+%i))
--R.
--R
--R
                                   +----+
--R
                       |x + 1|
                                                  |x + 1|
         \|1 - %i atanh(-----) + %i\|1 + %i atanh(-----)
--R
                       +----+
--R
--R.
                      \|1 - %i
                                                 \|1 + %i
--R
--R
                              1 + %i
--R
                                        Type: Expression(Complex(Integer))
--E 634
--S 635 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
     (3)
--R
--R
             4+-+ %pi
--R
             \|2 cos(---)
--R
--R
--R
            log
                   +-+4+-+ %pi +-+4+-+ %pi +----+ 4+-+2 %pi 2
--R
--R
                 (|2 | 2 \sin(---) - |2 | 2 \cos(---)) | x + 1 + |2 \sin(---)
--R
                                            8
--R
                 4+-+2 %pi 2
--R
--R
                 12 \cos(---) + x + 1
--R
--R
--R
          4+-+
                 %pi
--R
          \|2 cos(---)
--R
--R
          log
--R
                 +-+4+-+ %pi +-+4+-+ %pi +----+ 4+-+2 %pi 2
--R
--R
              (- |2 |2 \sin(---) + |2 |2 \cos(---))|x + 1 + |2 \sin(---)
--R
--R
                      %pi 2
--R
              4+-+2
--R
              12 \cos(---) + x + 1
--R
--R
--R
                                       %pi 4+-+ %pi
--R
                                |2 \sin(---) + |2 \cos(---)|
--R
                  %pi
                                    8 8
--R
        - 2\|2 sin(---)atan(------
                          +-+ +----+ 4+-+ %pi 4+-+ %pi
--R
--R
                         |2|x + 1 - |2 \sin(---) + |2 \cos(---)
--R
--R
                                           4+-+ %pi
--R
                                4+-+ %pi
--R
                                |2 \sin(---) + |2 \cos(---)|
--R
                 %pi
--R
        - 2\|2 sin(---)atan(------
--R
                         +-+ +----+ 4+-+ %pi 4+-+ %pi
--R
                         |2|x + 1 + |2|\sin(---) - |2|\cos(---)
--R
                                              8
--R /
--R
--R
       2\|2
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 635
```

```
--S 636 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
--R
             4+-+ %pi
--R
             \|2 cos(---)
                     8
--R
--R
--R
             log
                    +-+4+-+ %pi +-+4+-+ %pi +----+ 4+-+2 %pi 2
--R
                  (|2 | 2 \sin(---) - |2 | 2 \cos(---)|x + 1 + |2 \sin(---)
--R
--R
--R
--R
                  4+-+2
                          %pi 2
                  12 \cos(---) + x + 1
--R
--R
                           8
--R
--R
          4+-+
--R
           \|2 cos(---)
--R
                  8
--R
--R
          log
                   +-+4+-+ %pi +-+4+-+ %pi +----+ 4+-+2 %pi 2
--R
               (- |2 | \sin(---) + |2 | \cos(---)) | x + 1 + |2 \sin(---)
--R
--R
--R
--R
               4+-+2
                     %pi 2
--R
               12 \cos(---) + x + 1
--R
--R
--R
                                     +---+
--R
                   +----+ +-+
                                    |x + 1|
--R
         (-1 + \%i)\|1 - \%i \|2 atanh(-----)
                                    +----+
--R
--R
                                   \|1 - %i
--R
--R
                                     +----+
                  +----+ +-+
--R
                                    |x + 1|
--R
         (-1 - \%i)\|1 + \%i \|2 atanh(-----)
--R
                                   +----+
--R
                                   \|1 + %i
--R
--R
                                  4+-+ %pi
                                                4+-+ %pi
                                  |2 \sin(---) + |2 \cos(---)
--R
                  %pi
--R
           4+-+
--R
         - 2\|2 sin(---)atan(-----
--R
                            +-+ +----+ 4+-+
                    8
                                                %pi
                                                    4+-+
                                                             %pi
```

```
|2|x + 1 - |2 \sin(---) + |2 \cos(---)
--R
--R
--R
--R
                             4+-+ %pi 4+-+ %pi
                             |2 \sin(---) + |2 \cos(---)|
--R
                                8 8
--R
         4+-+
       - 2\|2 sin(---)atan(------
                       +-+ +----+ 4+-+ %pi 4+-+ %pi
--R
                       |2|x + 1 + |2|\sin(---) - |2|\cos(---)
--R
--R
--R /
--R
      +-+
--R
      2\|2
--R
                                   Type: Expression(Complex(Integer))
--E 636
--S 637 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
        2 %pi 12 2 %pi %pi 11
--R
--R
       (4x - 4)\sin(---) + (-16x + 16)\cos(---)\sin(---)
--R
--R
         2 %pi 2 3 2 4+-+2 %pi 10
--R
       ((40x - 40)\cos(---) + (-6x - 6x + 10x + 10)|2)\sin(---)
--R
--R
--R
          2 %pi 3 3 2 4+-+2 %pi %pi 9
--R
--R
       ((-80x + 80)\cos(---) + (20x + 20x - 44x - 44)|2 \cos(---))\sin(---)
--R
--R
             2 %pi 4 3 2
--R
--R
          (124x - 124)\cos(---) + (-74x - 74x + 134x + 134)|2 \cos(---)
--R
--R
           4 3 2
--R
          2x + 4x - 20x - 44x - 22
--R
--R
          %pi 8
--R
         sin(---)
--R
--R.
          8
--R
                   %pi 5 3 2 4+-+2 %pi 3
--R
          (-160x + 160)\cos(---) + (144x + 144x - 240x - 240)\|2\cos(---)
--R
--R
--R
             4 3 2
--R
--R
          (-32x - 64x + 96x + 256x + 128)\cos(---)
```

```
--R
--R
--R
          %pi 7
--R
        sin(---)
         8
--R
--R
          2 %pi 6 3 2 4+-+2 %pi 4
--R
          (176x - 176)\cos(---) + (-212x - 212x + 332x + 332)|2 \cos(---)
--R
--R
--R
          4 3 2
--R
          (112x + 224x - 224x - 672x - 336)\cos(---)
--R
--R
--R
--R
          5 4 3 2
--R
         (x + 3x + 20x + 52x + 51x + 17) | 2
--R
         %pi 6
--R
--R
        sin(---)
--R
         8
--R
          2 %pi 7 3 2 4+-+2 %pi 5
--R
--R
          (-160x + 160)\cos(---) + (264x + 264x - 376x - 376)|2 \cos(---)
--R
                      8
--R
          4 3 2
--R
          (-176x - 352x + 384x + 1120x + 560)\cos(---)
--R
--R
--R
          5 4 3 2 4+-+2 %pi
--R
--R
          (14x + 42x - 56x - 280x - 294x - 98)\|2 \cos(---)
--R
--R
--R
          %pi 5
--R
        sin(---)
--R
--R
          2 %pi 8 3 2 4+-+2 %pi 6
--R
          (124x - 124)\cos(---) + (-236x - 236x + 308x + 308)|2 \cos(---)
--R
--R
          4 3 2
--R
--R
--R
         (364x + 728x - 376x - 1480x - 740)\cos(---)
--R
--R
           5 4 3 2
--R
                                     4+-+2 %pi 2 4
          (-11x - 33x + 196x + 676x + 687x + 229)\|2 \cos(---) - 18x
--R
--R
--R
           3
                  2
```

```
--R
         - 72x - 108x - 72x - 18
--R
--R
          %pi 4
--R
        sin(---)
         8
--R
--R
            2 %pi 9 3 2 4+-+2 %pi 7
--R
--R
          (-80x + 80)\cos(---) + (176x + 176x - 208x - 208)|2 \cos(---)
--R
--R
          4 3 2
--R
         (-288x - 576x + 160x + 896x + 448)\cos(---)
--R
--R
--R
          5 4 3 2
--R
                                         4+-+2 %pi 3
--R
          (140x + 420x + 16x - 1072x - 1212x - 404) | 2 cos(---)
--R
--R
          6 5 4 3 2
--R
          (16x + 64x + 184x + 416x + 544x + 352x + 88)\cos(---)
--R
--R
--R
--R
          %pi 3
--R
        sin(---)
--R
         8
--R
               %pi 10 3 2
--R
--R
          (40x - 40)\cos(---) + (-102x - 102x + 106x + 106)\|2\cos(---)
--R
--R
          4 3 2
--R
--R
          (208x + 416x - 32x - 480x - 240)\cos(---)
--R
--R
          5 4 3 2
--R
          (-93x - 279x - 132x + 348x + 441x + 147) | 2 cos(---)
--R
--R
--R
           6 5 4 3 2
--R
--R
          (56x + 224x + 92x - 752x - 1408x - 976x - 244)\cos(---)
--R
--R
          7 6 5 4 3 2
--R
          (2x + 10x + 26x + 50x + 70x + 62x + 30x + 6)\|2
--R
--R
--R
          %pi 2
--R
        sin(---)
--R
           8
--R
                      %pi 11 3 2 4+-+2 %pi 9
--R
             2
```

```
(-16x + 16)\cos(---) + (36x + 36x - 28x - 28)|2 \cos(---)
--R
--R
--R
          4 3
--R
                                %pi 7
          (-80x - 160x + 160x + 80)\cos(---)
--R
--R
--R
          5 4 3 2 4+-+2 %pi 5
--R
          (54x + 162x + 104x - 120x - 174x - 58) | 2 cos(---)
--R
--R
          6 5 4 3 2
--R
--R
          (-32x - 128x - 152x + 32x + 208x + 160x + 40)\cos(---)
--R
--R
        --R
--R
                                              4+-+2 %pi
--R
         (4x + 20x + 4x - 140x - 340x - 356x - 180x - 36)\|2 \cos(---)
--R
--R
         %pi
--R
--R
        sin(---)
        8
--R
--R
--R
       2 %pi 12 3 2 4+-+2 %pi 10
--R
       (4x - 4)\cos(---) + (-10x - 10x + 6x + 6)|2 \cos(---)
--R
--R
       4 3 2 %pi8
--R
--R
       (18x + 36x + 12x - 12x - 6)\cos(---)
--R
--R
      5 4 3 2 4+-+2 %pi 6
--R
--R
      (-9x - 27x - 20x + 12x + 21x + 7) | 2 cos(---)
--R
--R
      6 5 4 3 2
--R
      (8x + 32x + 38x - 8x - 52x - 40x - 10)\cos(---)
--R
--R
       7 6 5 4 3 2 4+-+2 %pi 2 6
--R
--R
      (-2x - 10x - 18x - 10x + 10x + 18x + 10x + 2) | 2 cos(---) - 4x
--R
--R
--R.
        5 4 3 2
--R
       -24x - 60x - 80x - 60x - 24x - 4
--R
--R /
         2 %pi 12 2 %pi %pi 11
--R
        (8x + 8)\sin(---) + (-32x - 32)\cos(---)\sin(---)
--R
--R
--R
```

```
2 %pi 2 3 2 4+-+2 %pi 10
--R
--R
        ((80x + 80)\cos(---) + (-16x - 16x - 16x - 16)|2)\sin(---)
--R
--R
            2 %pi 3 3 2 4+-+2 %pi
--R
--R
          ((-160x - 160)\cos(---) + (64x + 64x + 64x + 64)|2 \cos(---))
--R
--R
           %pi 9
--R
          sin(---)
--R
--R
            8
--R
          2 %pi 4
--R
           (248x + 248)cos(---)
--R
--R
          +
3 2 4+-+2 %pi 2 4 3 2
--R
--R
           (-208x - 208x - 208x - 208)|2 \cos(---) + 24x + 48x + 48x
--R
--R
                                        8
--R
--R
          48x + 24
--R
           %pi 8
--R
--R
          sin(---)
--R
          8
           2 %pi 5
--R
--R
--R
          (- 320x - 320)cos(---)
--R
--R
           3 2 4+-+2 %pi 3
--R
--R
           (384x + 384x + 384x + 384) | 2 cos(---)
--R
          4 3 2
--R
--R
           (-160x - 320x - 320x - 320x - 160)\cos(---)
--R
--R
--R
           %pi 7
--R
          sin(---)
--R
--R
--R
           2 %pi 6
--R
--R
           (352x + 352)\cos(---)
--R
            3 2 4+-+2 %pi 4
--R
--R
--R
           (-544x - 544x - 544x - 544) | 2 cos(---)
--R
--R
```

```
4 3 2 %pi 2
--R
--R
           (448x + 896x + 896x + 896x + 448)\cos(---)
--R
--R
           5 4 3 2 4+-+2
--R
--R
           (-16x - 48x - 64x - 64x - 48x - 16)\|2
--R
--R
           %pi 6
         sin(---)
--R
--R
          2 %pi 7
--R
--R
          (- 320x - 320)cos(---)
--R
--R
--R
            3 2 4+-+2 %pi 5
--R
--R
           (640x + 640x + 640x + 640)\|2 \cos(---)
--R
--R
           4 3 2
--R
           (-736x - 1472x - 1472x - 1472x - 736)\cos(---)
--R
--R
--R
--R
           5 4 3 2 4+-+2 %pi
           (112x + 336x + 448x + 448x + 336x + 112)|2 cos(---)
--R
--R
--R
--R
           %pi 5
--R
          sin(---)
--R
--R
          2 %pi 8
--R
--R
           (248x + 248)\cos(---)
           3 2 4+-+2 %pi 6
--R
--R
           (-544x - 544x - 544x - 544) | 2 cos(---)
--R
--R
           4 3 2
--R
--R
           (1104x + 2208x + 2208x + 2208x + 1104)\cos(---)
--R
--R
--R.
           5 4 3 2
--R
                                          4+-+2 %pi 2 6
           (-240x - 720x - 960x - 960x - 720x - 240)\|2 \cos(---) + 18x
--R
--R
--R
           5 4 3 2
--R
          72x + 126x + 144x + 126x + 72x + 18
--R
--R
```

```
--R
            %pi 4
          sin(---)
--R
--R
           8
--R
           2 %pi 9
--R
           (- 160x - 160)cos(---)
--R
           3 2 4+-+2 %pi 7
--R
           (384x + 384x + 384x + 384) | 2 cos(---)
--R
--R
            4 3 2
--R
--R
           (-736x - 1472x - 1472x - 1472x - 736)\cos(---)
--R
--R
--R
            5 4 3 2 4+-+2 %pi 3
--R
           (544x + 1632x + 2176x + 2176x + 1632x + 544)|2 cos(---)
--R
--R
          + 6 5 4 3 2 576 5 504x - 504x
--R
--R
           (-72x - 288x - 504x - 576x - 504x - 288x - 72)\cos(---)
--R
--R
--R
           %pi 3
--R
          sin(---)
--R
--R
--R
           2 %pi 10
--R
--R
          (80x + 80)\cos(---)
--R
--R
--R
           (-208x - 208x - 208x - 208)\|2 \cos(---)
--R
            4 3 2
--R
--R
--R
           (448x + 896x + 896x + 896x + 448)\cos(---)
--R
            5 4 3 2 4+-+2 %pi 4
--R
--R
           (-240x - 720x - 960x - 960x - 720x - 240)|2 cos(---)
--R
--R
--R
            6 5 4 3 2
--R
            (300x + 1200x + 2100x + 2400x + 2100x + 1200x + 300)cos(---)
--R
--R
--R
            7 6 5 4 3 2 4+-+2
--R
           (-4x - 20x - 44x - 60x - 60x - 44x - 20x - 4)\|2
--R
```

```
--R
           %pi 2
--R
--R
         sin(---)
--R
--R
                   %pi 11 3 2 4+-+2 %pi 9
--R
--R
          (-32x - 32)\cos(---) + (64x + 64x + 64x + 64) | 2 \cos(---)
--R
           4 3 2
--R
--R
--R
           (- 160x - 320x - 320x - 320x - 160)cos(---)
--R
--R
            5 4 3 2
--R
                                         4+-+2 %pi 5
           (112x + 336x + 448x + 448x + 336x + 112)\|2 \cos(---)
--R
--R
--R
            6 5 4 3 2
--R
           (-72x - 288x - 504x - 576x - 504x - 288x - 72)\cos(---)
--R
--R
--R
              7 6 5 4 3 2 4+-+2
--R
--R
           (40x + 200x + 440x + 600x + 600x + 440x + 200x + 40)\|2
--R
--R
            cos(---)
--R
            8
--R
--R
           %pi
--R
         sin(---)
--R
--R
--R
         2 %pi 12 3 2 4+-+2 %pi 10
--R
--R
        (8x + 8)\cos(---) + (-16x - 16x - 16x - 16)|2 \cos(---)
--R
--R
        4 3 2
--R
--R
        (24x + 48x + 48x + 48x + 24)\cos(---)
--R
--R
         5 4 3 2 4+-+2 %pi 6
--R
        (-16x - 48x - 64x - 64x - 48x - 16)\|2 \cos(---)
--R
--R.
--R
         6 5 4 3 2
--R
        (18x + 72x + 126x + 144x + 126x + 72x + 18)\cos(---)
--R
--R
--R
         7 6 5 4 3 2 4+-+2 %pi 2
--R
        (-4x - 20x - 44x - 60x - 60x - 44x - 20x - 4)|2 cos(---)
--R
```

```
--R
                                                               8
--R
              7 6 5
--R
           8
                                  4 3
--R
          4x + 24x + 64x + 104x + 120x + 104x + 64x + 24x + 4
--R
         +---+
--R
--R
        |x + 1|
--R
                                       Type: Expression(Complex(Integer))
--E 637
)clear all
--S 638 of 1581
t0:=sqrt(-1+x)/(1+x^2)^3
--R
--R
--R
              +----+
--R
             \|x - 1
--R
     (1) -----
            4 2
--R
--R
         x + 3x + 3x + 1
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 638
--S 639 of 1581
r0:=(-7/64+9/32*\%i)*atan(sqrt(-1+x)/sqrt(1-\%i))*sqrt(1-\%i)+_
    (-7/64-9/32*\%i)*atan(sqrt(-1+x)/sqrt(1+\%i))*sqrt(1+\%i)+_
    1/4*x*sqrt(-1+x)/(1+x^2)^2-1/32*(1-11*x)*sqrt(-1+x)/(1+x^2)
--R
--R
--R
     (2)
                             7 9
--R
              7 9
                                       2 7 9 +----+
          ((---+--\%i)x + (---+--\%i)x ---+--\%i)\|1-\%i
--R
--R
             64 32
                            32 16
                                         64 32
--R
                +---+
--R
--R
               \|x - 1
          atan(-----)
--R
               +----+
--R
--R
              \|1 - %i
--R
--R
                 9 4
                             7 9 2 7 9
--R.
          ((----\%i)x + (----\%i)x - ----\%i)\1 + \%i
--R
             64 32
                             32 16
                                          64 32
--R
               +---+
--R
--R
              \|x - 1
          atan(-----)
--R
--R
               +----+
--R
              \|1 + %i
```

```
--R
--R 11 3 1 2 19 1 +----+
--R
        (-- x - -- x + -- x - --) | x - 1
--R
       32 32 32 32
--R /
      4 2
--R
      x + 2x + 1
--R
                             Type: Expression(Complex(Fraction(Integer)))
--E 639
--S 640 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
                                 atan(---)
--R
           4 2 4+----+ 527
--R
          (-x - 2x - 1) | 278258 \cos(----)
--R
--R
--R
          log
--R
--R
                           atan(---)
                                                  atan(---)
               4+----+ 527 4+----+ 527 +----+
--R
              (36|278258 \sin(-----) + 14|278258 \cos(-----)|x - 1
--R
--R
--R
--R
                             23 2
                                                    23 2
                      atan(---)
527 4+----+2
--R
                                              atan(---)
--R
            4+----2
                                               527
            1278258 \sin(------) + 1278258 \cos(--------) + 373x - 373
--R
--R
--R
--R
                               atan(---)
--R
           4 2 4+----+
--R
--R
          (x + 2x + 1) | 278258 \cos(-----)
--R
--R
--R
          log
--R
                                  23
                           atan(---) atan(---) 527 4+----+ 527
--R
                                                    atan(---)
--R
                 4+----+
              (- 36\|278258 \sin(-----) - 14\|278258 \cos(-----))\|x - 1
--R
--R
--R
--R
                             23 2
--R
                        atan(---)
                                               atan(---)
                         527 4+----+2
--R
                                                   527
```

```
1278258 \sin(------) + 1278258 \cos(-------) + 373x - 373
--R
--R
--R
--R
                                 atan(---)
--R
           4 2 4+----+
--R
          (2x + 4x + 2) | 278258 \sin(-----)
--R
--R
                                   23
--R
                   atan(---) atan(---) 4+----+ 527 4+----+ 527
--R
--R
                   7\|278258 sin(-----) - 18\|278258 cos(-----) 2 2
--R
--R
--R
--R
               atan(---) +----+ 4+-----+ 527 4+-----+ 527
--R
--R
             373\|x - 1 - 18\|278258 sin(-----) - 7\|278258 cos(-----)
--R
--R
--R
--R
--R
                                  atan(---)
--R
           4 2 4+----+ 527
          (2x + 4x + 2) | 278258 \sin(-----)
--R
--R
--R
--R
--R
                   atan(---) atan(---) 4+----+ 527 4+----+ 527
--R
                  7\|278258 sin(-----) - 18\|278258 cos(-----) 2 2
--R
--R
                atan(---)
+----+ 4+----+ 527 4+----+
                                                            atan(---)
--R
            373 | x - 1 + 18 | 278258 \sin(-----) + 7 | 278258 \cos(-----)
--R
--R
--R
         3 2
--R
        (44x - 4x + 76x - 4) | x - 1
--R
--R /
        4 2
--R
       128x + 256x + 128
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 640
--S 641 of 1581
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
   (4)
--R
--R
          1 4+----+ 1 23
--R
--R
          --- \|278258 cos(- atan(---))
                2 527
--R
         128
--R
--R
         log
                 4+----+ 1 23 4+----+ 1 23
--R
               (36|278258 \sin(-atan(---)) + 14|278258 \cos(-atan(---)))
--R
--R
                      2 527
                                                  2 527
--R
--R
--R
               \|x - 1
--R
--R
             4+----2
                       1 23 2 4+-----1
--R
             1278258 \sin(-atan(---)) + 1278258 \cos(-atan(---)) + 373x
--R
                        2 527
--R
--R
             - 373
--R
--R
        1 4+----+ 1 23
--R
       --- \|278258 cos(- atan(---))
--R
       128 2 527
--R
--R
       log
                4+----+ 1 23 4+----+ 1 23
--R
--R
             (-36|278258 \sin(-atan(---)) - 14|278258 \cos(-atan(---)))
--R
                         2 527
--R
--R
             +----+
--R
            \|x - 1
--R
          4+----+2 1 23 2 4+----+2 1 23 2
--R
--R
         1278258 \sin(-atan(---)) + 1278258 \cos(-atan(---)) + 373x - 373
--R
                    2
                         527
                                           2
                                                527
--R
--R
                          +----+
      7 9 +----+
                         \|x - 1
                                   7 9 +----+
--R
      (-- - -- %i)\|1 - %i atan(-----) + (-- + -- %i)\|1 + %i atan(-----)
--R
      64 32
                          +----+
                                   64 32
                                                        +----+
--R
--R
                         \|1 - %i
                                                       \|1 + %i
--R
--R
       1 4+---- 1
                         23
--R
       -- \|278258 sin(- atan(---))
--R
             2 527
--R
--R
       atan
            7 4+----+ 1 23 18 4+----+ 1
--R
           --- \|278258 sin(- atan(---)) - --- \|278258 cos(- atan(---))
--R
```

```
373
              2 527 373 2 527
--R
--R
--R
            +----+ 18 4+----+ 1 23
--R
            |x - 1 - --- |278258 \sin(- atan(---))
                   373 2 527
--R
--R
             7 4+----+ 1 23
--R
--R
            - --- \setminus |278258 \cos(- atan(---))|
            373 2
--R
--R
--R
       1 4+----+ 1
       -- \|278258 sin(- atan(---))
--R
--R
       64 2 527
--R
--R
       atan
--R
           7 4+----+ 1 23 18 4+----+ 1
--R
          --- \|278258 sin(- atan(---)) - --- \|278258 cos(- atan(---))
--R
          373 2 527 373 2 527
--R
            +----+ 18 4+----+ 1 23
--R
--R
            |x - 1| + --- |278258 \sin(-atan(---))
--R
                    373 2
--R
--R
            7 4+----+ 1 23
            --- \|278258 cos(- atan(---))
--R
            373 2 527
--R
--R
                         Type: Expression(Complex(Fraction(Integer)))
--E 641
--S 642 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
         7 2 11 9 1 23 12
--R
       (---x ---x +--)sin(-atan(---))
--R
              64
--R
        64
                   32
                       2
--R
         49 2 77 7 1 23 1 23 11
--R
       (- --- x - --- x + --)\cos(- atan(---))\sin(- atan(---))
--R
              288 16
--R
         288
                               527
--R
--R
           1855 2 2915 265 1
--R
          (- ---- x - ---- x + ---) cos(- atan(---))
--R
            3456 3456 192 2
--R
           1174621 3 1157999 2 10249223 187739 4+-----+2
--R
--R
          (----- x + ------ x - ------ x + ------)\|278258
          2884978944 1442489472 2884978944
--R
                                            80138304
--R
```

```
1 23 10
--R
--R
         sin(- atan(---))
--R
            2 527
--R
            65905 2 103565 9415 1 23 3
--R
          (- ---- x - ---- x + ----) \cos(- a tan(---))
--R
                    93312 5184 2
--R
            93312
--R
              39493045 3 968603 2 191196071
--R
                                                 6705985
            (----- x + ------ x - ----- x + -----)
--R
            25964810496 811400328
                                   25964810496
--R
                                                1442489472
--R
            4+-----1
                           23
--R
--R
            1278258 cos(-atan(---))
--R
--R
--R
           1 23 9
--R
         sin(- atan(---))
--R
            2 527
--R
--R
            7092967 2 11146091 1013281 1 23 4
          (- ----- x - ----- x + -----)cos(- atan(---))
--R
            6718464 6718464 373248 2
--R
--R
             3106420891 3 246752789 2 13520484137 468891163
--R
            (----- x + ------ x - ----- x + -----)
--R
            934733177856 116841647232 934733177856 51929620992
--R
--R
--R
            4+----+2 1 23 2
--R
            \|278258 cos(- atan(---))
--R
                      2 527
--R
--R
            532671811 4 525685775711 3 2679609955499 2
--R
          - ----- x - ----- x + ----- x
--R
            5011974144
                      623155451904
                                     623155451904
--R
--R
            10551741409583 238258636429
--R
          - ----- x + -----
--R
            1869466355712 103859241984
--R
           1 23 8
--R
--R
         sin(- atan(---))
--R
           2 527
--R
--R
            26215 2 41195 3745 1 23 5
--R
          (- ---- x - ---- x + ----) \cos(- a tan(---))
--R
            23328 23328 1296 2
--R
            117335989 3 51112907 2 433951307 265502411
--R
--R
            (----- x + ----- x - ----- x + -----)
```

```
--R
            25964810496 25964810496
                                   25964810496 25964810496
--R
--R
           --R
           \|278258 cos(- atan(---))
--R
                   2 527
--R
--R
              29256839 4 3173513969 3 120703423529 2 166409499469
             - ----- x - ------ x + ----- x - ----- x
--R
                        12982405248
                                     12982405248
                                                  12982405248
--R
              23203584
--R
             130497582659
--R
--R
             -----
--R
              25964810496
--R
--R
              1 23
--R
           cos(- atan(---))
--R
             2 527
--R
           1 23 7
--R
--R
        sin(- atan(---))
--R
--R
--R
            1751827 2 2752871 250261 1 23 6
--R
          (-----x - -----x + -----)\cos(-atan(---))
            1679616 1679616
                              93312 2 527
--R
--R
--R
              11355019991 3 321864013 2 35287221817
--R
             ----- x + ----- x - ----- x
--R
             1869466355712 207718483968 1869466355712
--R
--R
              21035425709
--R
             -----
--R
             1869466355712
--R
            --R
           \|278258 cos(- atan(---))
--R.
--R
                     2
                          527
--R
              6388772033 4 134497755913 3 687532417585 2
--R
--R
             - ----- x + ----- x + ----- x
--R
              2505987072 116841647232
                                        58420823616
--R
              145341996587 6003446871041
--R.
--R
             - ----- x + -----
--R
              8654936832
                          934733177856
--R
--R
              1 23 2
           cos(- atan(---))
--R
              2 527
--R
--R
```

```
358519 5 8296861807 4 9751459679 3
--R
              ----- x + ----- x - ----- x
--R
--R
              3341316096 3738932711424 934733177856
--R
--R
              5937347743 2 56660363107
                                       16522349861
--R
             ----- x - ----- x + -----
--R
             311577725952
                         3738932711424
                                     3738932711424
--R
           4+----2
--R
--R
           \|278258
--R
           1 23 6
--R
        sin(- atan(---))
--R
--R
           2 527
--R
--R
            12985 2 20405 1855 1 23 7
--R
          (- ---- x - ---- x + ----)cos(- atan(---))
            15552 15552 864 2
--R
--R
            246536543 3 18933277 2 622273777 356803957
--R
--R
            (----- x + ----- x - ----- x + -----)
            51929620992 51929620992 51929620992 51929620992
--R
--R
--R
           \|278258 cos(- atan(---))
--R
--R
                     2 527
--R
--R
              260627081 \quad 4 \quad 12278055493 \quad 3 \quad 13538931943 \quad 2 \quad 3139477307
--R
             - ----- x + ----- x + ----- x
--R
               69610752
                         3245601312 1622800656
                                                  240414912
--R
--R
             121430095337
--R
             -----
--R
              25964810496
--R
             1 23 3
--R
--R
           cos(- atan(---))
--R
             2 527
--R
              497507 5 42476921 4 164094341 3 1076639173 2
--R
--R
             ----- x - ----- x - ----- x + ----- x
--R
             278443008 103859241984 8654936832 25964810496
--R.
--R
               3463659979 109238021
--R
             - ----- x + -----
              103859241984 11539915776
--R
--R
           --R
           1278258 cos(-atan(---))
--R
--R
                      2 527
```

```
--R
          1 23 5
--R
--R
        sin(- atan(---))
--R
          2 527
--R
            583807 2 917411 83401 1
--R
                                           23 8
--R
          (-----x - -----x + ----)\cos(-atan(---))
            1119744
                    1119744
                             62208
--R
--R
               800955547 3 19053515 2 1813424965
--R
--R
              ----- x - ----- x
              207718483968 1869466355712 207718483968
--R
--R
               9131278277
--R
--R
--R
              1869466355712
--R
--R
           --R
           1278258 cos(-atan(---))
--R
--R
              4138419859 4 2895397976399 3 2784400064473 2
--R
             - ----- x + ----- x + ----- x
--R
--R
              1670658048 934733177856 934733177856
--R
--R
              4993210413701 3257716567879
--R
             - ----- x + -----
--R
               934733177856
                           1869466355712
--R
              1 23 4
--R
--R
           cos(- atan(---))
--R
             2 527
--R
             14866159 5 31048440203 4 8222059499 3
--R
--R
             ----- x - ----- x - ----- x
                        3738932711424
                                      934733177856
--R
             3341316096
--R
             9883586333 2 97523756797
--R
                                       26222167079
--R
             ----- x - ----- x + -----
             311577725952 3738932711424
--R
                                      3738932711424
--R
           4+-----2 1 23 2
--R
--R.
           1278258 cos(-atan(---))
--R
                     2 527
--R
          718025 6 1333343 5 37192457 4 6927479 3 31821569 2
--R
--R
          ----- x - ----- x + ----- x - ---- x + ----- x
          8957952 1492992
                            8957952 746496 2985984
--R
--R
--R
           27308929 12372475
```

```
--R
         - ----- x + -----
--R
           4478976 8957952
--R
          1 23 4
--R
        sin(- atan(---))
--R
--R
          2 527
--R
--R
            3185 2 5005 455 1 23 9
          (- ---- x - ---- x + ---) cos(- atan(---))
--R
                  11664 648
--R
           11664
--R
            4375063 3 2606065 2 7100345
--R
                                             10781911
           (----- x - ----- x + -----)
--R
           2163734208 6491202624 2163734208 6491202624
--R
--R
--R
           --R
           \|278258 cos(- atan(---))
--R
                        527
--R
--R
             20990657 4 1493487169 3 2160025799 2 10742509193
--R
            - ----- x + ----- x + ----- x
             17402688 1081867104 1081867104 3245601312
--R
--R
--R
            821495071
--R
            -----
            721244736
--R
--R
--R
             1 23 5
--R
           cos(- atan(---))
--R
             2 527
--R
             130115 5 127327817 4 8149523 3 3686219 2
--R
--R
            ----- x - ----- x + ----- x
--R
            34805376
                     12982405248 1081867104
                                              3245601312
--R
             2753717
--R
                        2336065
            ----- x - -----
--R
--R
            12982405248
                       4327468416
--R
           --R
--R
           1278258 cos(-atan(---))
--R
                     2 527
--R.
--R
             42149 6 24469 5 455539 4 367139 3 1815289 2
            - ---- x + ----- x - ----- x - ----- x
--R
              93312 46656 93312 23328 93312
--R
--R
--R
              519431 229801
--R
            - ----- x + -----
--R
              46656 93312
```

```
--R
             1 23
--R
--R
           cos(- atan(---))
--R
            2 527
--R
           1 23 3
--R
        sin(- atan(---))
--R
--R
           2 527
--R
            183505 2 288365 26215 1
--R
          (- ----- x - ----- x + ----)cos(- atan(---))
--R
            1679616 1679616 93312 2
--R
--R
             1397734961 3 440090405 2 1736374495
--R
--R
             ----- x - ----- x
--R
             1869466355712 1869466355712 1869466355712
--R
             778729939
--R
--R
             -----
--R
             1869466355712
--R
           --R
--R
           \|278258 cos(- atan(---))
--R
                     2 527
--R
              145141717 4 82546186729 3 119778529643 2
--R
--R
             - ----- x + ----- x + ----- x
--R
              156624192 77894431488
                                     77894431488
--R
--R
              595381091363 22773153779
             - ----- x + -----
--R
--R
              233683294464
                           25964810496
--R
              1 23 6
--R
--R
           cos(- atan(---))
--R
              2 527
--R
               663187 5 869814167 4 625811813 3
--R
             - ----- x - ----- x + ----- x
--R
--R
              5011974144 1869466355712 155788862976
--R
               3709163189 2 11860180667
                                        1138695583
--R
--R.
             - ----- x + ----- x - -----
--R.
              467366588928 1869466355712 623155451904
--R
--R
           --R
           1278258 \cos(-atan(---))
--R
                         527
--R
              6639773 6 22505867 5 5263409 4 4024333 3
--R
```

```
--R
              - ----- x + ----- x - ----- x
--R
                6718464 6718464 1679616
--R
--R
              25005739 2 14341633 1286051
              ----- x - ----- x + -----
--R
               6718464 6718464
--R
                                  3359232
--R
               1 23 2
--R
             cos(- atan(---))
--R
--R
               2 527
--R
                2611 7 3587 6 2081 5 449945 4
--R
              - ----- x + ----- x - ----- x + ----- x
53747712 5971968 663552 53747712
--R
--R
--R
--R
                222815 3 62429 2 250783
                                                 15437
--R
              - ----- x + ----- x - ----- x + -----
                17915904 5971968 53747712 17915904
--R
--R
--R
             4+----2
--R
             \|278258
--R
--R
             1 23 2
--R
         sin(- atan(---))
--R
             2 527
--R
           2401 2 3773 343 1 23 11
(-----x ------x +----)cos(-atan(---))
--R
--R
--R
             93312 93312 5184 2
--R
               14150857 3 453425 2 33644975
--R
                                                     19040693
             (----- x + ----- x - ----- x + -----)
--R
--R
             51929620992 51929620992 51929620992 51929620992
--R
             --R
             \|278258 cos(- atan(---))
--R
--R
                        2
                            527
--R
                3157315 4 583944445 3 546180635 2 18437968255
--R
              - ----- x + ------ x - ------ x + ------ x 34805376 1442489472 480829824 12982405248
--R
--R
--R
--R.
                647409385
--R
--R
                1081867104
--R
--R
               1 23 7
--R
             cos(- atan(---))
                2 527
--R
--R
```

```
83701 5 26103313 4 9638899 3 134603969 2
--R
             ----- x - ----- x - ----- x + ----- x
--R
--R
            139221504 51929620992 2163734208
                                              12982405248
--R
--R
              434520137
                         40773559
--R
            - ----- x + -----
--R
              51929620992 17309873664
--R
           --R
           \|278258 cos(- atan(---))
--R
--R
                    2 527
--R
             29467 6 102275 5 293657 4 1543211 3 3676253 2
--R
            ----- x + ----- x - ----- x + ----- x
--R
            373248 373248 93312 186624
--R
--R
--R
            2103575 235429
--R
            ----- x - -----
--R
             373248 186624
--R
--R
             1 23 3
           cos(- atan(---))
--R
--R
--R
              373 7 365 6 499 5 10855 4 6535 3
--R
            ----- x - ----- x - ----- x + ----- x
--R
--R
            1492992 497664 497664 1492992
--R
--R
             5749 2 7655 17
--R
            ----- x - ----- x + -----
--R
            497664
                   1492992 18432
--R
           4+-----2 1 23
--R
--R
           1278258 cos(-atan(---))
--R
--R
--R
          1
--R
        sin(- atan(---))
--R
          2 527
--R
         16807 2 26411 2401 1 23 12
--R
       (- ---- x - ---- x + ----)\cos(- atan(---))
--R
         6718464 6718464 373248 2
--R.
--R
--R
          92467655 3 28461307 2 303299857 182370895
        (----- x + ------ x - ------ x + ------)
--R
--R
         1869466355712 1869466355712 1869466355712 1869466355712
--R
        --R
--R
        1278258 cos(-atan(---))
```

```
2 527
--R
--R
--R
           157500287 4 171705531815 3 35408674549 2
          - ----- x + ----- x + ----- x
--R
            2505987072 1869466355712
--R
                                     1869466355712
--R
--R
           115953088135 26334095873
          - ----- x + -----
--R
--R
            1869466355712
                         1869466355712
--R
--R
           1 23 8
         cos(- atan(---))
--R
           2 527
--R
--R
             283381 5 226124599 4 305186039 3
--R
          - ----- x - ----- x + ----- x
--R
--R
            5011974144 1869466355712 233683294464
--R
                                       1128907837
--R
            1227676553 2 3929951449
--R
          - ----- x + ----- x - -----
--R
            467366588928 1869466355712 1869466355712
--R
--R
         --R
         \|278258 cos(- atan(---))
--R
                  2 527
--R
--R
           206269 \quad 6 \quad 6054025 \quad 5 \quad 17121827 \quad 4 \quad 40279873 \quad 3 \quad 93663529 \quad 2
--R
          ----- x - ----- x + ----- x - ----- x + ----- x
--R
          26873856
                    26873856
                              13436928 13436928
                                                     26873856
--R
--R
           53589925 3022561
--R
          - ----- x + -----
--R
            26873856 6718464
--R
           1 23 4
--R
         cos(- atan(---))
--R
--R
           2 527
--R
            2611 7 24077 6 108881 5 30515 4 133295 3
--R
          ----- x - ----- x + ----- x - ----- x + ----- x
--R
          53747712 53747712 53747712
                                         5971968 17915904
--R
--R
--R
           334331 2 149327
--R
          - ----- x + ----- x - -----
--R
           53747712 53747712 53747712
--R
--R
         4+-----2 1 23 2
--R
         1278258 cos(-atan(---))
                         527
--R
                   2
--R
```

```
1530419 7 12660739 6 4869515 5 82781755 4 92520785 3
--R
       - ----- x + ----- x - ----- x + ----- x
--R
--R
        53747712 53747712 5971968
                                     53747712
--R
--R
       6817321 2 22399769 3478225
--R
       ----- x - ----- x + -----
--R
       5971968 53747712 53747712
--R /
              1 23 12
--R
        (x + 1)sin(- atan(---))
--R
--R
                2 527
--R
         14 2 14 1 23
                              1 23 11
--R
        (-- x + --)\cos(- atan(---))\sin(- atan(---))
--R
--R
              9 2 527 2
--R
--R
            265 2 265
                             23 2
                       1
--R
           (--- x + ---)\cos(- atan(---))
--R
            54 54 2 527
--R
--R
             317329 3 317329 2 317329 317329 4+----+2
           (- ----- x + ----- x - ----- x + -----)\|278258
--R
--R
             45077796 45077796 45077796
--R
--R
            1 23 10
--R
          sin(- atan(---))
--R
             2 527
--R
--R
            9415 2 9415 1 23 3
--R
           (---- x + ----)\cos(- atan(---))
--R
            1458 1458 2 527
--R
--R
               6408031 3 6408031 2 6408031
--R
             (- ----- x + ----- x - ----- x + -----)
--R
              405700164
                        405700164
                                   405700164 405700164
--R
             4+-----1
--R
             \|278258 cos(- atan(---))
--R
--R
                     2 527
--R
--R
                 23 9
          sin(- atan(---))
--R
--R.
            2 527
--R
--R
            1013281 2 1013281 1 23 4
--R
           (-----x + -----)\cos(- atan(---))
--R
            104976 104976 2 527
--R
               461858473 3 461858473 2 461858473 461858473
--R
--R
             (-----x +------x ------x+------)
```

```
14605205904 14605205904 14605205904 14605205904
--R
--R
--R
             4+-----2 1 23 2
--R
             \|278258 cos(- atan(---))
--R
                2 527
--R
            179493681649 4 179493681649 3 179493681649 2
--R
            ----- x - ----- x + ----- x
--R
                         14605205904
--R
            29210411808
                                       14605205904
--R
--R
             179493681649 179493681649
            - ----- x + -----
--R
--R
             14605205904
                          29210411808
--R
--R
             1 23 8
--R
          sin(- atan(---))
--R
             2 527
--R
            7490 2 7490 1 23 5
--R
--R
            (---- x + ----) \cos(- a tan(---))
--R
                   729 2 527
--R
--R
                47264 3 47264 2 47264 47264 4+----+2
--R
             (- ----- x + ----- x - ----- x + -----)\|278258
                1252161 1252161 1252161 1252161
--R
--R
                1 23 3
--R
--R
             cos(- atan(---))
--R
               2 527
--R
--R
               1632359855 4 3264719710 3 3264719710 2 3264719710
--R
               ----- x - ----- x + ----- x - ----- x
--R
               101425041
                          101425041
                                       101425041
                                                   101425041
--R
--R
               1632359855
--R
--R
               101425041
--R
               1 23
--R
--R
             cos(- atan(---))
--R
               2 527
--R
--R
                  23 7
             1
--R
          sin(- atan(---))
--R
             2 527
--R
--R
            250261 2 250261 1 23 6
            (-----x + -----)\cos(- atan(---))
--R
                     26244 2 527
--R
            26244
--R
```

```
323904457 3 323904457 2 323904457 323904457
--R
             (- ----- x + ------ x - ----- x + -----)
--R
--R
               7302602952 7302602952 7302602952 7302602952
--R
             --R
--R
             1278258 cos(-atan(---))
--R
                    2 527
--R
              167729176787 4 167729176787 3 167729176787 2
--R
               ----- x - ----- x + ----- x
--R
--R
                           3651301476
                                         3651301476
               7302602952
--R
                167729176787 167729176787
--R
--R
              - ----- x + -----
                            7302602952
--R
                3651301476
--R
               1 23 2
--R
--R
             cos(- atan(---))
--R
               2 527
--R
--R
                161211671 5 161211671 4 161211671 3
               - ----- x + ----- x - ----- x
--R
--R
               14605205904 4868401968 3651301476
--R
               161211671 2 161211671 161211671
--R
--R
               ----- x - ----- x + -----
--R
              3651301476 4868401968 14605205904
--R
--R
             4+----+2
--R
             \1278258
--R
             1 23 6
--R
--R
          sin(- atan(---))
--R
             2 527
--R
            1855 2 1855 1 23 7
--R
--R
            (---- x + ----) \cos(- a \tan(---))
                   243 2 527
--R
             243
--R
--R
                2011135 3 2011135 2 2011135
                                             2011135 4+----+2
             (- ----- x + ------ x - ------ x + ------)\|278258
--R
               67616694 67616694 67616694
--R
--R.
               1 23 5
--R
--R
             cos(- atan(---))
--R
                2 527
--R
              4372879931 4 4372879931 3 4372879931 2 4372879931
--R
               ----- x - ----- x + ----- x - ----- x
--R
               202850082 101425041 101425041 101425041
--R
```

```
--R
               4372879931
--R
--R
--R
                202850082
--R
                1 23 3
--R
--R
             cos(- atan(---))
--R
--R
                11687123 5 11687123 4 11687123 3 11687123 2
--R
               - ----- x + ----- x - ----- x + ----- x
--R
                           135233388
                                       101425041 101425041
                405700164
--R
--R
                           11687123
--R
                11687123
--R
               - ----- x + -----
--R
                135233388 405700164
--R
             4+-----1
--R
             \|278258 cos(- atan(---))
--R
--R
--R
             1 23 5
--R
--R
          sin(- atan(---))
--R
             2 527
--R
             83401 2 83401 1 23 8
--R
--R
            (---- x + ----) \cos(- a tan(---))
--R
             17496 17496 2
--R
                81699391 3 81699391 2 81699391 81699391
--R
--R
              (-----x +------x ------x+------)
--R
                3651301476 3651301476
                                       3651301476 3651301476
--R
--R
              --R
              1278258 cos(-atan(---))
--R.
                             527
--R
               78886083901 4 78886083901 3 78886083901 2
--R
--R
               ----- x - ----- x + ----- x
--R
               7302602952
                            3651301476
                                         3651301476
--R
--R
                78886083901 78886083901
--R
               - ----- x + -----
--R
                3651301476
                             7302602952
--R
--R
                1 23 4
--R
             cos(- atan(---))
--R
                    527
--R
--R
                 214286995 5
                              214286995 4 214286995 3 214286995 2
```

```
--R
                - ----- x + ----- x - ----- x + ----- x
--R
                 7302602952 2434200984 1825650738 1825650738
--R
--R
                 214286995 214286995
--R
                - ----- x + -----
--R
                 2434200984 7302602952
--R
              --R
              \|278258 cos(- atan(---))
--R
--R
--R
            233089 6 233089 5 1631623 4 233089 3 1631623 2
--R
             ----- x - ----- x + ------ x - ----- x + ------ x 69984 17496 69984 8748 69984
--R
--R
--R
--R
             233089 233089
--R
            - ----- x + -----
--R
              17496 69984
--R
--R
             1 23 4
--R
           sin(- atan(---))
              2 527
--R
--R
--R
             1820 2 1820 1 23 9
             (---- x + ----)\cos(- atan(---))
--R
              729 729 2 527
--R
--R
--R
                  956284 3 956284 2 956284 956284
--R
              (- ----- x + ----- x - ----- x + -----)
--R
                101425041 101425041 101425041 101425041
--R
              4+-----2 1 23 7
--R
--R
              1278258 cos(-atan(---))
--R
--R
                608918828 4 1217837656 3 1217837656 2 1217837656
--R
--R
                ----- x - ----- x + ----- x - ----- x
                                        101425041
                                                     101425041
                           101425041
                101425041
--R
--R
--R
                608918828
--R
--R
               101425041
--R
                1 23 5
--R
--R
              cos(- atan(---))
--R
                2 527
--R
                  830494 5 830494 4 3321976 3 3321976 2
--R
--R
                - ----- x + ----- x - ----- x + ----- x
--R
                 101425041 \qquad \quad 33808347 \qquad \quad 101425041 \qquad \quad 101425041
```

```
--R
                830494 830494
--R
--R
               - ----- x + -----
--R
                 33808347 101425041
--R
              4+-----1
                             23 3
--R
--R
              1278258 cos(-atan(---))
--R
--R
               1813 6 7252 5 12691 4 14504 3 12691 2 7252
--R
               ---- x - ---- x + ----- x - ----- x + ----- x - ---- x 243 243 243 243 243
--R
                      243
                                                243
--R
--R
--R
               1813
--R
--R
                243
--R
--R
                1
--R
              cos(- atan(---))
--R
               2 527
--R
              1 23 3
--R
--R
           sin(- atan(---))
--R
             2 527
--R
             26215 2 26215 1 23 10
--R
            (---- x + ----) \cos(- a tan(---))
--R
--R
             26244 26244 2
--R
                 7254883 3 7254883 2 7254883 7254883
--R
--R
              (-----x +------x ------x+------)
--R
                2434200984 2434200984
                                       2434200984
                                                  2434200984
--R
--R
              --R
              1278258 \cos(-a \tan(---))
--R
                             527
--R
               16860393031 4 16860393031 3 16860393031 2
--R
--R
               ----- x - ----- x + ----- x
                3651301476 1825650738
--R
                                         1825650738
--R
--R
                16860393031 16860393031
--R
               - ----- x + -----
--R
                1825650738 3651301476
--R
                1 23 6
--R
--R
              cos(- atan(---))
--R
                 2 527
--R
                36634555 5 36634555 4 36634555 3 36634555 2
--R
```

```
----- x - ----- x + ----- x - ----- x
--R
               7302602952 2434200984 1825650738 1825650738
--R
--R
--R
               36634555 36634555
--R
               ----- x - -----
--R
               2434200984 7302602952
--R
             4+-----1
                            23 4
--R
             \|278258 cos(- atan(---))
--R
--R
--R
               122825 6 122825 5 859775 4 122825 3 859775 2
--R
               ----- x - ----- x + ----- x 34992 8748 34992 4374 34992
--R
--R
--R
--R
               122825 122825
--R
               - ----- x + -----
--R
                8748 34992
--R
                1 23 2
--R
--R
             cos(- atan(---))
--R
                2 527
--R
--R
                437 7 2185 6 4807 5 2185 4 2185 3
               - ----- x + ----- x - ----- x + ----- x
--R
                                 209952
                209952
                         209952
                                          69984
--R
                                                    69984
--R
--R
               4807 2 2185 437
--R
               ----- x - ----- x + -----
                       209952
--R
               209952
                                209952
--R
--R
             4+----+2
--R
             \1278258
--R
             1 23 2
--R
          sin(- atan(---))
--R
--R
             2 527
--R
             343 2 343 1 23 11
--R
--R
            (---- x + ----) \cos(- a tan(---))
--R
             1458 1458
--R
--R
                73759 3 73759 2 73759 73759 4+----+2
--R
             (- ----- x + ------ x - ------ x + ------)\|278258
--R
               45077796 45077796 45077796
--R
--R
               1 23 9
             cos(- atan(---))
--R
               2 527
--R
--R
```

```
263649365 \quad 4 \quad \  \  263649365 \quad 3 \quad \  \  263649365 \quad 2 \quad \  \  263649365
--R
                 ----- x + ----- x - ----- x + ----- x
--R
--R
                  202850082
                              101425041
                                         101425041
                                                      101425041
--R
--R
                  263649365
--R
                - -----
--R
                  202850082
--R
                 1 23 7
--R
               cos(- atan(---))
--R
                  2 527
--R
--R
                  3070823 5 3070823 4 3070823 3 3070823 2
--R
--R
                - ----- x + ----- x - ----- x + ----- x
--R
                  405700164 \qquad \quad 135233388 \qquad \quad 101425041 \qquad \quad 101425041
--R
--R
                 3070823
                             3070823
                - ----- x + -----
--R
--R
                  135233388 405700164
--R
--R
               4+-----2 1 23 5
               \|278258 cos(- atan(---))
--R
--R
                          2 527
--R
                  6671 6 6671 5 46697 4 6671 3 46697 2 6671
--R
                - ---- x + ---- x - ----- x + ---- x - ---- x + ---- x
--R
                         486 1944 243 1944
--R
                  1944
--R
--R
                 6671
--R
                - ----
--R
                 1944
--R
                 1 23 3
--R
--R
               cos(- atan(---))
--R
                      527
--R
                  35 7 175 6 385 5 175 4 175 3 385 2
--R
                - ---- x + ---- x - ---- x + ---- x - ---- x
--R
                          11664
                                   11664
                                            3888
                                                    3888
                                                            11664
--R
                  11664
--R
--R
                  175
                - ---- x + ----
--R
--R
                  11664 11664
--R
--R
               \|278258 cos(- atan(---))
--R
--R
                          2 527
--R
--R
               1 23
--R
           sin(- atan(---))
```

```
2 527
--R
--R
--R
          2401 2 2401 1 23 12
--R
         (----- x + -----)cos(- atan(---))
--R
         104976 104976 2 527
--R
             1832257 3 1832257 2 1832257 1832257
--R
--R
          (-----x +------x ------x+------)
            4868401968 4868401968 4868401968 4868401968
--R
--R
          4+-----1
--R
                         23 10
          \|278258 cos(- atan(---))
--R
                  2 527
--R
--R
--R
          1917724133 4 1917724133 3 1917724133 2 1917724133
--R
            ----- x - ----- x + ----- x - ----- x
--R
            9736803936 4868401968 4868401968 4868401968
--R
--R
            1917724133
--R
--R
            9736803936
--R
            1 23 8
--R
--R
          cos(- atan(---))
--R
            2 527
--R
             24692179 5 24692179 4 24692179 3 24692179 2
--R
--R
            ----- x - ----- x + ----- x - ----- x
--R
            14605205904 4868401968 3651301476 3651301476
--R
--R
            24692179 24692179
--R
            ----- x - -----
--R
            4868401968 14605205904
--R
          --R
          \|278258 cos(- atan(---))
--R
--R
                    2
                         527
--R
            158453 6 158453 5 1109171 4 158453 3 1109171 2
--R
            ----- x - ----- x + ----- x - ----- x + ----- x
139968 34992 139968 17496 139968
--R
--R
--R
--R.
            158453 158453
--R
            - ----- x + -----
--R
             34992 139968
--R
            1 23 4
--R
--R
          cos(- atan(---))
            2 527
--R
--R
```

```
167 \quad 7 \qquad 835 \quad 6 \qquad 1837 \quad 5 \qquad 835 \quad 4 \qquad 835 \quad 3 \qquad 1837 \quad 2
--R
--R
               ----- x - ----- x + ----- x - ----- x
--R
               139968
                          139968
                                    139968
                                                46656
                                                           46656
                                                                     139968
--R
--R
                835
                         167
--R
               ----- x - -----
--R
              139968
                        139968
--R
             4+-----1
--R
--R
             \|278258 cos(- atan(---))
--R
                                527
                         2
--R
           139129 8 139129 7 139129 6 1808677 5 695645 4 1808677 3
--R
--R
           ----- x - ----- x + ----- x - ----- x - ----- x
           839808
--R
                      139968
                                52488
                                             419904
                                                         139968
                                                                     419904
--R
--R
           139129 2 139129 139129
--R
           ----- x - ----- x + -----
--R
            52488 139968 839808
--R
--R
          +---+
         \|x - 1
--R
--R
                                 Type: Expression(Complex(Fraction(Integer)))
--E 642
)clear all
--S 643 of 1581
t0:=(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R.
                            +----+
--R
                   +----- | 2
    (1) (e x + d) | e x + d | c x + a
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 643
--S 644 of 1581
--r0:=2/7*e*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/c+2/105*(3*c*d^2-5*a*e^2+_0)
-- 24*c*d*e*x)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/(c*e)+4/105*_
   elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
   (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*(3*c^(3/2)*_
-- d^3-27*c*d^2*e*sqrt(-a)+5*a*e^3*sqrt(-a)-29*a*d*e^2*sqrt(c))*_
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(5/4)*e^2*sqrt(a+c*x^2))+4/105*d*_
-- (3*c*d^2-29*a*e^2)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*_
-- sqrt(c))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
```

```
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(3/4)*e^3*sqrt(a+c*x^2))
--E 644
--S 645 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 645
--S 646 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 646
--S 647 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 647
)clear all
--S 648 of 1581
t0:=sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
                     +----+
--R
          +----- | 2
--R (1) \|e x + d \|c x + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 648
--S 649 of 1581
--r0:=2/5*(d+e*x)^{(3/2)}*sqrt(a+c*x^2)/e-4/15*d*sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/e+_
-- 4/15*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*(c*d^2-_
-- 3*a*e^2-4*d*e*sqrt(-a)*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(3/4)*e^2*_
-- sqrt(a+c*x^2)+4/15*(c*d^2-3*a*e^2)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(3/4)*_-
-- e^3*sqrt(a+c*x^2))
--E 649
--S 650 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 650
--S 651 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 651
```

```
--S 652 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 652
)clear all
--S 653 of 1581
t0:=sqrt(a+c*x^2)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
           +----+
          1 2
--R
        \|c x + a
--R
    (1) -----
--R
--R
           +----+
--R
           \exists x + d
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 653
--S 654 of 1581
--r0:=2/3*sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/e+4/3*elliptic_f(asin(c^(1/4)*__
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))^(3/2)*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(1/4)*e^2*__
-- sqrt(a+c*x^2))+4/3*c^(1/4)*d*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
   sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+__
-- d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^3*sqrt(a+c*x^2))
--E 654
--S 655 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 655
--S 656 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 656
--S 657 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 657
)clear all
--S 658 of 1581
t0:=sqrt(a+c*x^2)/(d+e*x)^3(3/2)
--R
--R
```

```
--R
                                      1 2
--R
--R
                                    \c x + a
--R (1) -----
                             +----+
--R
--R
                       (e x + d) | e x + d
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 658
--S 659 of 1581
--r0: = -2*sqrt(a+c*x^2)/(e*sqrt(d+e*x)) - 4*c^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_-) - 4*c^(1/4)*_-) - 4*c^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_-) - 4*c^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_-) - 4*c^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_-) - 4*c^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_-) - 4*c^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_-) - 4*c^(1/4)*_-) - 4
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^2*sqrt(a+c*x^2))-_
-- 4*c^(1/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*_
-- (sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+_
-- x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^3*sqrt(a+c*x^2))
--E 659
--S 660 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 660
--S 661 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 661
--S 662 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 662
)clear all
--S 663 of 1581
t0:=sqrt(a+c*x^2)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
                                                       +----+
                                                      | 2
--R
--R
                                                    \c x + a
--R.
           (1) -----
                                             2 +----+
--R
                             2 2
--R
                          (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 663
--S 664 of 1581
```

```
--r0:=-2/3*sqrt(a+c*x^2)/(e*(d+e*x)^(3/2))+4/3*c*d*sqrt(a+c*x^2)/_
-- (e*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(d+e*x))+4/3*c^(3/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))^(3/2)*_-
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^2*(c*d^2+a*e^2)*_
-- sqrt(a+c*x^2))+4/3*c^(5/4)*d*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
-- sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^3*(c*d^2+a*e^2)*_
-- sqrt(a+c*x^2))
--E 664
--S 665 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 665
--S 666 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 666
--S 667 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 667
)clear all
--S 668 of 1581
t0:=sqrt(a+c*x^2)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
                          +----+
--R
                         | 2
--R
                        \c + a
--R
--R.
           3 3 2 2 2 3 +----+
--R
          (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 668
--S 669 of 1581
--r0:=-2/5*sqrt(a+c*x^2)/(e*(d+e*x)^(5/2))+4/15*c*d*sqrt(a+c*x^2)/_
-- (e*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(3/2))+4/15*c*(c*d^2-3*a*e^2)*_
-- sqrt(a+c*x^2)/(e*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(d+e*x))+4/15*c^(5/4)*_
-- elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*(c*d^2-_
-- 3*a*e^2-4*d*e*sqrt(-a)*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^2*(c*d^2+a*e^2)^2*_-
```

```
-- sqrt(a+c*x^2))+4/15*c^(5/4)*(c*d^2-3*a*e^2)*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^3*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(a+c*x^2))
--E 669
--S 670 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 670
--S 671 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 671
--S 672 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 672
)clear all
--S 673 of 1581
t0:=(d+e*x)^(3/2)*(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
--R
                                          +----- | 2
--R
     (1) (c e x + c d x + a e x + a d) | e x + d | c x + a
--R.
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 673
--S 674 of 1581
--r0:=2/231*(c*d^2-3*a*e^2+28*c*d*e*x)*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/_
-- (c*e)+2/11*e*(a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/c+4/1155*(4*c^2*d^4+21*_
-- a*c*d^2*e^2-15*a^2*e^4-3*c*d*e*(c*d^2-31*a*e^2)*x)*sqrt(d+e*x)*_
-- \sqrt{(c*e^3)+8/1155*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_e)}
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(-a)*(4*c^(5/2)*d^5+24*a*c^(3/2)*d^3*e^2+114*_
-- (-a)^(3/2)*c*d^2*e^3+15*(-a)^(5/2)*e^5-c^2*d^4*e*sqrt(-a)-108*_
-- a^2*d*e^4*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(5/4)*e^4*sqrt(a+c*x^2))+32/1155*_
-- d*(c*d^2-3*a*e^2)*(c*d^2+9*a*e^2)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(3/4)*_
-- e^5*sqrt(a+c*x^2))
--E 674
```

```
--S 675 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 675
--S 676 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 676
--S 677 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 677
)clear all
--S 678 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
                               +----+
--R
--R
                   +----- | 2
--R
    (1) (c x + a) | e x + d | c x + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 678
--S 679 of 1581
--r0:=2/9*(d+e*x)^(3/2)*(a+c*x^2)^(3/2)/e-4/21*d*(a+c*x^2)^(3/2)*_
-- sqrt(d+e*x)/e+4/315*(4*d*(c*d^2+3*a*e^2)-3*e*(c*d^2-7*a*e^2)*x)*_
-- sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/e^3+8/315*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*(4*c^2*d^4+15*a*c*d^2*e^2-_
-- 21*a^2*e^4-c^(3/2)*d^3*e*sqrt(-a)-33*a*d*e^3*sqrt(-a)*sqrt(c))*_
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))/(c^(3/4)*e^4*sqrt(a+c*x^2))+8/315*(4*c^2*d^4+_
-- 15*a*c*d^2*e^2-21*a^2*e^4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
-- sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(3/4)*_
-- e^5*sqrt(a+c*x^2))
--E 679
--S 680 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 680
--S 681 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 681
```

```
--S 682 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 682
)clear all
--S 683 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(3/2)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
             2
                     | 2
--R
--R
         (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
    (1) -----
--R
                +----+
--R
                \label{eq:lemma_def} \
--R.
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 683
--S 684 of 1581
--r0:=2/7*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/e+4/35*(4*c*d^2+5*a*e^2-3*c*d*e*x)*_
-- sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/e^3+8/35*elliptic_f(asin(c^(1/4)*__
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*(4*c^(3/2)*d^3+5*(-a)^(3/2)*e^3-_
-- c*d^2*e*sqrt(-a)+8*a*d*e^2*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
   sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(1/4)*e^4*_
-- sqrt(a+c*x^2))+32/35*c^(1/4)*d*(c*d^2+2*a*e^2)*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_-)
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^5*sqrt(a+c*x^2))
--E 684
--S 685 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 685
--S 686 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 686
--S 687 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 687
)clear all
```

```
--S 688 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
                   | 2
--R
            2
--R
        (c x + a) \setminus |c x + a|
--R (1) -----
--R
          (e x + d) | e x + d
--R
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 688
--S 689 of 1581
--r0:=-2*(a+c*x^2)^(3/2)/(e*sqrt(d+e*x))-4/5*c*(4*d-3*e*x)*sqrt(d+e*x)*_
-- \sqrt(a+c*x^2)/e^3-8/5*c^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*(4*c*d^2+3*a*e^2-d*e*sqrt(-a)*sqrt(c))*_
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+__
-- d*sqrt(c)))/(e^4*sqrt(a+c*x^2))-8/5*c^(1/4)*(4*c*d^2+3*a*e^2)*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+__
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))/(e^5*sqrt(a+c*x^2))
--E 689
--S 690 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 690
--S 691 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 691
--S 692 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 692
)clear all
--S 693 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^(5/2)
--R.
--R
--R
                          +----+
--R
                  2 | 2
--R
              (c x + a) \setminus |c x + a|
--R (1) -----
```

```
--R
                           2 +----+
--R
          (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 693
--S 694 of 1581
--r0:=-2/3*(a+c*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^(3/2))+4/3*c*(4*d+e*x)*_
-- sqrt(a+c*x^2)/(e^3*sqrt(d+e*x))+8/3*c^(3/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*(-e*sqrt(-a)+4*d*sqrt(c))*_
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))/(e^4*sqrt(a+c*x^2))+32/3*c^(5/4)*d*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^5*sqrt(a+c*x^2))
--E 694
--S 695 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 695
--S 696 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 696
--S 697 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 697
)clear all
--S 698 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
                              1 2
--R
                       2
--R
                   (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
    (1) -----
--R
           3 3
                2 2 2 3 +----+
--R.
         (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 698
--S 699 of 1581
--r0:=-2/5*(a+c*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^(5/2))+4/5*c*(4*d+3*e*x)*_
-- sqrt(a+c*x^2)/(e^3*(d+e*x)^(3/2))-8/5*c*(4*c*d^2+3*a*e^2)*_
```

```
-- sqrt(a+c*x^2)/(e^3*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(d+e*x))-8/5*c^(5/4)*_
-- elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*_
-- (4*c*d^2+3*a*e^2-d*e*sqrt(-a)*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^4*_
-- (c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2))-8/5*c^(5/4)*(4*c*d^2+3*a*e^2)*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^5*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2))
--E 699
--S 700 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 700
--S 701 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 701
--S 702 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 702
)clear all
--S 703 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(3/2)/(d+e*x)^(9/2)
--R
--R
--R
                                    +----+
                           2 | 2
--R.
--R
                        (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
--R.
           4 4 3 3 2 2 2 3 4 +----+
--R
          (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) | e x + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 703
--S 704 of 1581
--r0:=-2/7*(a+c*x^2)^(3/2)/(e*(d+e*x)^(7/2))+8/35*c*(4*c*d^2+5*a*e^2)*_
-- sqrt(a+c*x^2)/(e^3*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(3/2))-12/35*c*(4*d+_
-- 5*e*x)*sqrt(a+c*x^2)/(e^3*(d+e*x)^(5/2))+32/35*c^2*d*(c*d^2+_
-- 2*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/(e^3*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(d+e*x))+_
-- 8/35*c^{(7/4)}*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*_
-- sqrt(c))*sqrt(-a)*(4*c^(3/2)*d^3+5*(-a)^(3/2)*e^3-c*d^2*e*_
-- sqrt(-a)+8*a*d*e^2*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
```

```
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^4*(c*d^2+_
-- a*e^2)^2*sqrt(a+c*x^2))+32/35*c^(9/4)*d*(c*d^2+2*a*e^2)*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^5*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(a+c*x^2))
--E 704
--S 705 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 705
--S 706 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 706
--S 707 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 707
)clear all
--S 708 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
--R
            2 4 2 +-----+ | 2
--R
     (1) (c x + 2a c x + a) | e x + d | c x + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 708
--S 709 of 1581
-r0:=2/13*(d+e*x)^(3/2)*(a+c*x^2)^(5/2)/e+20/9009*(4*d*(2*c*d^2+5*a*e^2)-_
-- 7*e*(c*d^2-11*a*e^2)*x)*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/e^3-20/143*_
-- d*(a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/e+8/9009*(d*(32*c^2*d^4+113*a*c*d^2*_
-- e^2+177*a^2*e^4)-3*e*(8*c^2*d^4+27*a*c*d^2*e^2-77*a^2*e^4)*x)*_
   sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/e^5+16/9009*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
   sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))), (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*(32*c^3*d^6+137*a*c^2*d^4*e^2+_
-- 32*(-a)^(3/2)*c^(3/2)*d^3*e^3+258*a^2*c*d^2*e^4-231*a^3*e^6-_
-- 8*c^{(5/2)}*d^5*e*sqrt(-a)-408*(-a)^{(5/2)}*d*e^5*sqrt(c))*sqrt(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/_
-- (c^(3/4)*e^6*sqrt(a+c*x^2))+16/9009*(32*c^3*d^6+137*a*c^2*d^4*_
-- e^2+258*a^2*c*d^2*e^4-231*a^3*e^6)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+_
```

```
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(3/4)*_
-- e^7*sqrt(a+c*x^2))
--E 709
--S 710 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 710
--S 711 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 711
--S 712 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 712
)clear all
--S 713 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
          2 4 2 2 | 2
--R
--R
          (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
     (1) -----
--R
                     +----+
--R
                     \le x + d
--R.
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 713
--S 714 of 1581
--r0:=20/693*(8*c*d^2+9*a*e^2-7*c*d*e*x)*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/e^3+_
-- 2/11*(a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/e+8/693*(32*c^2*d^4+69*a*c*d^2*e^2+_
-- 45*a^2*e^4-24*c*d*e*(c*d^2+2*a*e^2)*x)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/e^5+_
-- 16/693*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-a)*(32*c^(5/2)*d^5+93*a*c^(3/2)*d^3*e^2+21*(-a)^(3/2)*_
   c*d^2*e^3-45*(-a)^(5/2)*e^5-8*c^2*d^4*e*sqrt(-a)+93*a^2*d*e^4*_
-- sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(1/4)*e^6*sqrt(a+c*x^2))+16/693*c^(1/4)*_
-- d*(32*c^2*d^4+93*a*c*d^2*e^2+93*a^2*e^4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c)))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^7*sqrt(a+c*x^2))
--E 714
```

```
--S 715 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 715
--S 716 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 716
--S 717 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 717
)clear all
--S 718 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
                               +----+
           2 4 2 2 | 2
--R
--R
        (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R (1) -----
--R
                +----+
--R
               (e x + d) \setminus |e x + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 718
--S 719 of 1581
--r0:=-2*(a+c*x^2)^(5/2)/(e*sqrt(d+e*x))-20/63*c*(8*d-7*e*x)*(a+_
-- c*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/e^3-8/63*c*(d*(32*c*d^2+33*a*e^2)-_
-- 3*e*(8*c*d^2+7*a*e^2)*x)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/e^5-_
-- 16/63*c^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*(32*c^2*d^4+57*a*c*d^2*e^2+21*a^2*e^4-_
-- 8*c^{(3/2)}*d^3*e*sqrt(-a)+12*(-a)^{(3/2)}*d*e^3*sqrt(c))*_
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^6*sqrt(a+c*x^2))-16/63*c^(1/4)*_
-- (32*c^2*d^4+57*a*c*d^2*e^2+21*a^2*e^4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*__
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*_
-- sqrt(c)))/(e^7*sqrt(a+c*x^2))
--E 719
--S 720 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 720
```

```
--S 721 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 721
--S 722 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 722
)clear all
--S 723 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
--R
           2 4 2 2 | 2
--R
         (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R (1) -----
            2 2 2 +----+
--R
--R
          (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 723
--S 724 of 1581
--r0:=-2/3*(a+c*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^(3/2))+20/21*c*(8*d+e*x)*_
-- (a+c*x^2)^(3/2)/(e^3*sqrt(d+e*x))+8/21*c*(32*c*d^2+5*a*e^2-_
-- 24*c*d*e*x)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/e^5+16/21*c^(3/4)*_
-- elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*_
-- sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-a)*(32*c^(3/2)*d^3+5*(-a)^(3/2)*e^3-8*c*d^2*e*sqrt(-a)+_
-- 29*a*d*e^2*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*_
-- (sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (\operatorname{sqrt}(-a)+x*\operatorname{sqrt}(c))/(-e*\operatorname{sqrt}(-a)+d*\operatorname{sqrt}(c)))/(e^6*\operatorname{sqrt}(a+_
-- c*x^2))+16/21*c^(5/4)*d*(32*c*d^2+29*a*e^2)*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+__
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^7*sqrt(a+c*x^2))
--E 724
--S 725 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 725
--S 726 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 726
--S 727 of 1581
```

```
--d0:=D(m0,x)
--E 727
)clear all
--S 728 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
               2 4
                         2 2 | 2
--R
--R
            (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
     (1) -----
           3 3 2 2
--R
                          2
                                   3 +----+
          (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 728
--S 729 of 1581
--r0:=4/15*c*(8*d+3*e*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^(3/2))-_
-- 2/5*(a+c*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^(5/2))-8/15*c*(32*c*d^2+9*a*e^2+_
-- 8*c*d*e*x)*sqrt(a+c*x^2)/(e^5*sqrt(d+e*x))-16/15*c^(5/4)*_
-- elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*_
-- (32*c*d^2+9*a*e^2-8*d*e*sqrt(-a)*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
   sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^6*_
   sqrt(a+c*x^2))-16/15*c^(5/4)*(32*c*d^2+9*a*e^2)*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^7*sqrt(a+c*x^2))
--E 729
--S 730 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 730
--S 731 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 731
--S 732 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 732
)clear all
--S 733 of 1581
```

```
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(9/2)
--R
--R
--R
                    2 4 2 2 1 2
--R
--R
                   (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
    (1) -----
          4 4 3 3 2 2 2 3 4 +----+
--R
--R
         (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) | e x + d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 733
--S 734 of 1581
--r0:=4/21*c*(8*d+5*e*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^(5/2))-_
-- 2/7*(a+c*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^(7/2))-8/21*c*(32*c*d^2+5*a*e^2+_
-- 24*c*d*e*x)*sqrt(a+c*x^2)/(e^5*(d+e*x)^(3/2))+16/21*c^2*d*_
-- (32*c*d^2+29*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/(e^5*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(d+e*x))+_
-- 16/21*c^(7/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(-a)*(32*c^(3/2)*d^3+5*(-a)^(3/2)*e^3-8*c*d^2*_
-- e*sqrt(-a)+29*a*d*e^2*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^6*(c*d^2+_
-- a*e^2)*sqrt(a+c*x^2))+16/21*c^(9/4)*d*(32*c*d^2+29*a*e^2)*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+__
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^7*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2))
--E 734
--S 735 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 735
--S 736 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 736
--S 737 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 737
)clear all
--S 738 of 1581
t0:=(a+c*x^2)^(5/2)/(d+e*x)^(11/2)
--R.
--R
--R.
                                             +----+
```

```
--R
                           2 4
                                2 2 | 2
--R
                         (c x + 2a c x + a) \setminus |c x + a|
--R
     (1)
--R
                 4 4 2 3 3 3 2 2
                                                4 5 +----+
            5 5
--R
          (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 738
--S 739 of 1581
--r0:=20/63*c*(8*d+7*e*x)*(a+c*x^2)^(3/2)/(e^3*(d+e*x)^(7/2))-_
-- 2/9*(a+c*x^2)^(5/2)/(e*(d+e*x)^(9/2))-16/63*c^2*d*(32*c*d^2+_
   33*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/(e^5*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(3/2))+_
   8/21*c*(32*c*d^2-7*a*e^2+40*c*d*e*x)*sqrt(a+c*x^2)/(e^5*(d+_
   e*x)^(5/2))-16/63*c^2*(32*c^2*d^4+57*a*c*d^2*e^2+21*a^2*e^4)*_
   sqrt(a+c*x^2)/(e^5*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(d+e*x))-16/63*c^(9/4)*_
-- elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-a)*(32*_
-- c^2*d^4+57*a*c*d^2*e^2+21*a^2*e^4-8*c^(3/2)*d^3*e*sqrt(-a)+_
-- 12*(-a)^(3/2)*d*e^3*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^6*(c*d^2+_
-- a*e^2)^2*sqrt(a+c*x^2))-16/63*c^(9/4)*(32*c^2*d^4+57*a*c*d^2*_
-- e^2+21*a^2*e^4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
   d*sqrt(c))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
   sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
   (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e^7*(c*d^2+a*e^2)^2*_
   sqrt(a+c*x^2))
--E 739
--S 740 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 740
--S 741 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 741
--S 742 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 742
)clear all
--S 743 of 1581
t0:=(d+e*x)^(7/2)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
                                      3 +----+
--R
            3 3
                      2 2
                             2
--R.
          (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
```

```
--R
--R
                        +----+
--R
                        1 2
--R
                       \|c x + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 743
--S 744 of 1581
--r0:=24/35*d*e*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+c*x^2)/c+2/7*e*(d+e*x)^(5/2)*_
-- sqrt(a+c*x^2)/c+2/105*e*(71*c*d^2-25*a*e^2)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a+_
-- c*x^2/c^2+2/105*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*_
-- sqrt(c))*(105*c^2*d^4-254*a*c*d^2*e^2+25*a^2*e^4-176*c^(3/2)*_
   d^3*e*sqrt(-a)+208*a*d*e^3*sqrt(-a)*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(9/4)*_
-- e*sqrt(a+c*x^2))-32/105*d*(11*c*d^2-13*a*e^2)*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(7/4)*e*sqrt(a+c*x^2))
--E 744
--S 745 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 745
--S 746 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 746
--S 747 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 747
)clear all
--S 748 of 1581
t0:=(d+e*x)^(5/2)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
          2 2
                          2 +----+
--R
        (e x + 2d e x + d) \mid e x + d
--R (1) -----
--R
                   +----+
                   | 2
--R
                  \|c x + a
--R
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 748
```

```
--S 749 of 1581
--r0:=2/5*e*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+c*x^2)/c+16/15*d*e*sqrt(d+e*x)*_
-- sqrt(a+c*x^2)/c+2/15*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(15*c^(3/2)*d^3-23*c*d^2*e*sqrt(-a)+9*a*_
-- e^3*sqrt(-a)-17*a*d*e^2*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^{(7/4)}*e*_-
-- sqrt(a+c*x^2))-2/15*(23*c*d^2-9*a*e^2)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*__
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*_
-- sqrt(c)))/(c^{(7/4)}*e*sqrt(a+c*x^2))
--E 749
--S 750 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 750
--S 751 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 751
--S 752 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 752
)clear all
--S 753 of 1581
t0:=(d+e*x)^(3/2)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
--R
--R
        (e x + d) | e x + d
--R (1) -----
             +----+
--R
               1 2
--R
            \c x + a
--R
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 753
--S 754 of 1581
--r0:=2/3*e*sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/c+2/3*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(3*c*d^2-a*e^2-4*d*e*sqrt(-a)*sqrt(c))*_
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
```

```
-- d*sqrt(c)))/(c^{(5/4)}*e*sqrt(a+c*x^2))-8/3*d*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+__
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(3/4)*e*sqrt(a+c*x^2))
--E 754
--S 755 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 755
--S 756 of 1581
--m0:=a0-r0
--Е 756
--S 757 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 757
)clear all
--S 758 of 1581
t0:=sqrt(d+e*x)/sqrt(a+c*x^2)
--R
--R
           +----+
--R
--R
           \le x + d
--R (1) -----
         +----+
--R.
--R
          1 2
--R
          \c x + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 758
--S 759 of 1581
--r0:=2*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))^(3/2)*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))/(c^(3/4)*e*sqrt(a+c*x^2))-2*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(3/4)*e*_
-- sqrt(a+c*x^2))
--E 759
--S 760 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
```

```
--E 760
--S 761 of 1581
--m0:=a0-r0
--Е 761
--S 762 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 762
)clear all
--S 763 of 1581
t0:=1/(sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
                1
--R (1) -----
               +----+
--R
         +----- | 2
--R
--R
         --R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 763
--S 764 of 1581
--r0:=2*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))), \\
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- e*sqrt(a+c*x^2))
--E 764
--S 765 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 765
--S 766 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 766
--S 767 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--Е 767
)clear all
--S 768 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
```

```
--R
--R
--R
                +-----+ | 2
--R
--R
         (e x + d) | e x + d | c x + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 768
--S 769 of 1581
--r0:=-2*e*sqrt(a+c*x^2)/((c*d^2+a*e^2)*sqrt(d+e*x))+2*c^(1/4)*_
-- elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*_
-- sqrt(c))^(3/2)*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e*(c*d^2+_
-- a*e^2)*sqrt(a+c*x^2))-2*c^(1/4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+_
-- e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e*(c*d^2+_
-- a*e^2)*sqrt(a+c*x^2))
--E 769
--S 770 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 770
--S 771 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 771
--S 772 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 772
)clear all
--S 773 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
    (1) -----
--R
--R
          2 2 2 +-----+ | 2
--R.
--R.
         (e x + 2d e x + d) | e x + d | c x + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 773
--S 774 of 1581
--r0:=-2/3*e*sqrt(a+c*x^2)/((c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(3/2))-8/3*c*d*e*_1
```

```
-- sqrt(a+c*x^2)/((c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(d+e*x))+2/3*c^(3/4)*_
   elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(3*c*d^2-a*e^2-_
-- 4*d*e*sqrt(-a)*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*_
-- (sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+_a)+_a)
-- x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(a+_
-- c*x^2)-8/3*c^(5/4)*d*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
-- sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e*(c*d^2+a*e^2)^2*_
   sqrt(a+c*x^2)
--E 774
--S 775 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 775
--S 776 of 1581
--m0:=a0-r0
--Е 776
--S 777 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--Е 777
)clear all
--S 778 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^{(7/2)}*sqrt(a+c*x^2))
--R
--R
--R
--R.
--R
           3 3 2 2 2 3 +-----+ | 2
--R
--R.
          (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d | c x + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 778
--S 779 of 1581
--r0:=-2/5*e*sqrt(a+c*x^2)/((c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(5/2))-_
-- 16/15*c*d*e*sqrt(a+c*x^2)/((c*d^2+a*e^2)^2*(d+e*x)^(3/2))-_
-- 2/15*c*e*(23*c*d^2-9*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/((c*d^2+a*e^2)^3*_
-- \operatorname{sqrt}(d+e*x))+2/15*c^{(5/4)}*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*sqrt(d+e*x))__
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*(15*c^(3/2)*d^3-23*c*d^2*e*sqrt(-a)+9*a*e^3*sqrt(-a)-_
-- 17*a*d*e^2*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(e*(c*d^2+a*e^2)^3*sqrt(a+c*x^2))-_
```

```
-- 2/15*c^{(5/4)}*(23*c*d^2-9*a*e^2)*elliptic_e(asin(c^{(1/4)}*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))/(e*(c*d^2+a*e^2)^3*sqrt(a+c*x^2))
--E 779
--S 780 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 780
--S 781 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 781
--S 782 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 782
)clear all
--S 783 of 1581
t0:=(d+e*x)^(7/2)/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
          (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R (1) -----
--R.
                      2 | 2
--R
--R
                   (cx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 783
--S 784 of 1581
--r0:=-(a*e-c*d*x)*(d+e*x)^(5/2)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))-d*e*(d+e*x)^(3/2)*_
-- sqrt(a+c*x^2)/(a*c)-1/3*e*(3*c*d^2-5*a*e^2)*sqrt(d+e*x)*_
-- \operatorname{sqrt}(a+c*x^2)/(a*c^2)-1/3*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*(3*c^(3/2)*d^3-27*c*d^2*e*sqrt(-a)+5*a*e^3*sqrt(-a)-_
-- 29*a*d*e^2*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(9/4)*sqrt(-a)*sqrt(a+c*x^2))+_
-- 1/3*d*(3*c*d^2-29*a*e^2)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
-- sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(a*c^(7/4)*e*sqrt(a+c*x^2))
--E 784
```

```
--S 785 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 785
--S 786 of 1581
--m0:=a0-r0
--Е 786
--S 787 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--Е 787
)clear all
--S 788 of 1581
t0:=(d+e*x)^(5/2)/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
           2 2
                          2 +----+
--R
        (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R (1) -----
--R
              +----+
                 2 | 2
--R
--R
              (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 788
--S 789 of 1581
--r0:=-(a*e-c*d*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))-d*e*sqrt(d+e*x)*_
-- sqrt(a+c*x^2)/(a*c)-elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*(c*d^2-3*a*e^2-4*d*e*sqrt(-a)*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^{(7/4)}*_-)
-- sqrt(-a)*sqrt(a+c*x^2))+(c*d^2-3*a*e^2)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*__
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(a*c^(7/4)*_
-- e*sqrt(a+c*x^2))
--E 789
--S 790 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 790
--S 791 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 791
```

```
--S 792 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 792
)clear all
--S 793 of 1581
t0:=(d+e*x)^(3/2)/(a+c*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                     +----+
          (e x + d) \setminus |e x + d
--R
    (1) -----
--R
--R
            2 | 2
--R
--R
        (c x + a) \setminus |c x + a|
--R.
                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 793
--S 794 of 1581
--r0:=-(a*e-c*d*x)*sqrt(d+e*x)/(a*c*sqrt(a+c*x^2))-_
-- elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))^(3/2)*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*_
-- sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/_
-- (c^{(5/4)}*sqrt(-a)*sqrt(a+c*x^2))+d*elliptic_e(asin(c^{(1/4)}*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(a*c^(3/4)*_
-- e*sqrt(a+c*x^2))
--E 794
--S 795 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 795
--S 796 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 796
--S 797 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 797
)clear all
--S 798 of 1581
t0:=sqrt(d+e*x)/(a+c*x^2)^(3/2)
```

```
--R
--R
--R
               +----+
--R
              \|e x + d
--R (1) -----
      +----+
2 | 2
--R
--R
--R
        (c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 798
--S 799 of 1581
--r0:=x*sqrt(d+e*x)/(a*sqrt(a+c*x^2))-elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(c^(3/4)*sqrt(-a)*sqrt(a+c*x^2))+_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))/(a*c^(3/4)*e*sqrt(a+c*x^2))
--E 799
--S 800 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 800
--S 801 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 801
--S 802 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 802
)clear all
--S 803 of 1581
t0:=1/((a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R.
                       1
--R (1) -----
                      +----+
--R
            2 +----- 2
--R
--R
        (c x + a) | e x + d | c x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 803
```

```
--S 804 of 1581
--r0:=(a*e+c*d*x)*sqrt(d+e*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2))-_
-- elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))^(3/2)*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*_
-- sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/_
-- (c^{(1/4)}*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(-a)*sqrt(a+c*x^2))+c^{(1/4)}*d*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(a*e*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2))
--E 804
--S 805 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 805
--S 806 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 806
--S 807 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 807
)clear all
--S 808 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^(3/2)*(a+c*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
--R.
--R
--R
               3
                      2
                                        +----- | 2
--R.
          (cex + cdx + aex + ad) | ex + d | cx + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 808
--S 809 of 1581
--r0:=(a*e+c*d*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2))+_
-- e*(c*d^2-3*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/(a*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(d+e*x))-_
-- c^{(1/4)}*elliptic_f(asin(c^{(1/4)}*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- (c*d^2-3*a*e^2-4*d*e*sqrt(-a)*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/((c*d^2+_
-- a*e^2)^2*sqrt(-a)*sqrt(a+c*x^2))+c^(1/4)*(c*d^2-3*a*e^2)*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
```

```
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(a*e*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(a+c*x^2))
--E 809
--S 810 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 810
--S 811 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 811
--S 812 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 812
)clear all
--S 813 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^(5/2)*(a+c*x^2)^(3/2))
--R
--R
--R
     (1)
--R
--R
     ______
--R
         2 4 3 2 2 2 2 +-----+ | 2
--R
--R
    (c e x + 2c d e x + (a e + c d)x + 2a d e x + a d) | e x + d | c x + a d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 813
--S 814 of 1581
--r0:=(a*e+c*d*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+c*x^2))+_
-1/3*e*(3*c*d^2-5*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/(a*(c*d^2+a*e^2)^2*_
-- (d+e*x)^(3/2)+1/3*c*d*e*(3*c*d^2-29*a*e^2)*sqrt(a+c*x^2)/_
-- (a*(c*d^2+a*e^2)^3*sqrt(d+e*x))-1/3*c^(3/4)*_
-- elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(3*c^(3/2)*_
-- d^3-27*c*d^2*e*sqrt(-a)+5*a*e^3*sqrt(-a)-29*a*d*e^2*sqrt(c))*_
-- sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))/((c*d^2+a*e^2)^3*sqrt(-a)*sqrt(a+c*x^2))+1/3*c^(5/4)*_
-- d*(3*c*d^2-29*a*e^2)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
-- sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(a*e*(c*d^2+a*e^2)^3*_-
-- sqrt(a+c*x^2))
```

```
--E 814
--S 815 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 815
--S 816 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 816
--S 817 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 817
)clear all
--S 818 of 1581
t0:=(d+e*x)^(7/2)/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 +----+
--R
         (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
--R (1) -----
--R
--R
              24 2 2 | 2
--R
              (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 818
--S 819 of 1581
--r0:=-1/3*(a*e-c*d*x)*(d+e*x)^(5/2)/(a*c*(a+c*x^2)^(3/2))+_
-1/6*(d+e*x)^(3/2)*(a*d*e+(4*c*d^2+5*a*e^2)*x)/(a^2*c*_1)
-- sqrt(a+c*x^2))-1/6*e*(4*c*d^2+5*a*e^2)*sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2)/_
-- (a^2*c^2)+1/6*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*_
-- sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*(4*c^(3/2)*d^3+5*(-a)^(3/2)*e^3-c*d^2*e*sqrt(-a)+_
-- 8*a*d*e^2*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/((-a)^(3/2)*c^(9/4)*sqrt(a+c*x^2))+_
-- 2/3*d*(c*d^2+2*a*e^2)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/_
-- sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(a^2*c^(7/4)*__
-- e*sqrt(a+c*x^2))
--E 819
--S 820 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 820
```

```
--S 821 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 821
--S 822 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 822
)clear all
--S 823 of 1581
t0:=(d+e*x)^(5/2)/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
             2 2
                            2 +----+
--R
          (e x + 2d e x + d) \setminus |e x + d|
--R (1) -----
--R
          2 4 2 2 | 2
--R
--R
         (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 823
--S 824 of 1581
--r0:=-1/3*(a*e-c*d*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a*c*(a+c*x^2)^(3/2))-_
-1/6*(a*d*e-(4*c*d^2+3*a*e^2)*x)*sqrt(d+e*x)/(a^2*c*sqrt(a+c*x^2))+_
   1/6*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*_
-- sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- (4*c*d^2+3*a*e^2-d*e*sqrt(-a)*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/((-a)^(3/2)*_
-c^{(7/4)}*sqrt(a+c*x^2)+1/6*(4*c*d^2+3*a*e^2)*_
-- elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))/(a^2*c^(7/4)*e*sqrt(a+c*x^2))
--E 824
--S 825 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 825
--S 826 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 826
--S 827 of 1581
--d0:=D(m0,x)
```

```
--E 827
)clear all
--S 828 of 1581
t0:=(d+e*x)^(3/2)/(a+c*x^2)^(5/2)
--R
--R
--R
                          +----+
--R
               (e x + d) \setminus |e x + d
--R (1) -----
--R
          2 4 2 2 2 2
--R
--R
          (cx + 2acx + a) \setminus |cx + a|
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 828
--S 829 of 1581
--r0:=-1/3*(a*e-c*d*x)*sqrt(d+e*x)/(a*c*(a+c*x^2)^(3/2))+_
-- 1/6*(a*e+4*c*d*x)*sqrt(d+e*x)/(a^2*c*sqrt(a+c*x^2))+_
-- 1/6*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- (-e*sqrt(-a)+4*d*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*_
-- (sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+_
-- x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/((-a)^(3/2)*c^(5/4)*_
-- sqrt(a+c*x^2))+2/3*d*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*_
   sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(a^2*c^(3/4)*_-
-- e*sqrt(a+c*x^2))
--E 829
--S 830 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 830
--S 831 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 831
--S 832 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 832
)clear all
--S 833 of 1581
t0:=sqrt(d+e*x)/(a+c*x^2)^(5/2)
--R.
```

```
--R
                     +----+
--R
--R
                    \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
     (1) -----
--R
           24 2 2 | 2
--R
--R
          (c x + 2a c x + a) \setminus |c x + a|
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 833
--S 834 of 1581
--r0:=1/3*x*sqrt(d+e*x)/(a*(a+c*x^2)^(3/2))+1/6*(a*d*e+(4*c*d^2+_1)^2)
-- 3*a*e^2)*x)*sqrt(d+e*x)/(a^2*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2))+1/6*_
-- elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),_
   (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(4*c*d^2+3*a*e^2-_c)
-- d*e*sqrt(-a)*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-_
-- x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/((-a)^(3/2)*c^(3/4)*(c*d^2+a*e^2)*_
-- sqrt(a+c*x^2))+1/6*(4*c*d^2+3*a*e^2)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))*sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- sqrt(-e*(sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/_
-- (a^2*c^(3/4)*e*(c*d^2+a*e^2)*sqrt(a+c*x^2))
--E 834
--S 835 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 835
--S 836 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 836
--S 837 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 837
)clear all
--S 838 of 1581
t0:=1/((a+c*x^2)^(5/2)*sqrt(d+e*x))
--R
--R.
--R.
                              1
--R
    (1) -----
--R
          2 4 2 2 +-----+ | 2
--R
--R
          (c x + 2a c x + a) | e x + d | c x + a
--R.
                                                    Type: Expression(Integer)
```

```
--E 838
--S 839 of 1581
--r0:=1/3*(a*e+c*d*x)*sqrt(d+e*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*(a+c*x^2)^(3/2))+_
-- 1/6*(a*e*(c*d^2+5*a*e^2)+4*c*d*(c*d^2+2*a*e^2)*x)*sqrt(d+e*x)/_
-- (a^2*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(a+c*x^2))+1/6*elliptic_f(asin(c^(1/4)*_
-- sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/_
-- (e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*(4*c^(3/2)*d^3+5*(-a)^(3/2)*e^3-_
-- c*d^2*e*sqrt(-a)+8*a*d*e^2*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/((-a)^(3/2)*_
-- c^{(1/4)*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(a+c*x^2))+2/3*c^{(1/4)*d*(c*d^2+_a*e^2)^2}
-- 2*a*e^2)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*_
-- (sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*(sqrt(-a)+_
-- x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(a^2*e*(c*d^2+a*e^2)^2*sqrt(a+c*x^2))
--E 839
--S 840 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 840
--S 841 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 841
--S 842 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 842
)clear all
--S 843 of 1581
t0:=1/((d+e*x)^(3/2)*(a+c*x^2)^(5/2))
--R
--R
--R
          (1)
--R
--R
--R
                                                                     3
                                                                                   --R
               2 5 2 4
--R
          (cex + cdx + 2acex + 2acdx + aex + ad) \setminus [ex + d] \setminus [ex + aex + 
--R.
                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 843
--S 844 of 1581
--r0:=1/3*(a*e+c*d*x)/(a*(c*d^2+a*e^2)*(a+c*x^2)^(3/2)*sqrt(d+e*x))+_
-1/6*(-a*e*(c*d^2-7*a*e^2)+4*c*d*(c*d^2+3*a*e^2)*x)/(a^2*(c*d^2+_
-- a*e^2)^2*sqrt(d+e*x)*sqrt(a+c*x^2))+1/6*e*(4*c^2*d^4+15*a*c*d^2*e^2-_
```

```
-- 21*a^2*e^4)*sqrt(a+c*x^2)/(a^2*(c*d^2+a*e^2)^3*sqrt(d+e*x))+_
-- 1/6*c^(1/4)*elliptic_f(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(-e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))),(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- (4*c^2*d^4+15*a*c*d^2*e^2-21*a^2*e^4-c^(3/2)*d^3*e*sqrt(-a)+_
-- 33*(-a)^(3/2)*d*e^3*sqrt(c))*sqrt(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*_
-- sqrt(e*(sqrt(-a)-x*sqrt(c))/(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*sqrt(-e*_
-- (sqrt(-a)+x*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/((-a)^(3/2)*(c*d^2+_
-- a*e^2)^3*sqrt(a+c*x^2))+1/6*c^(1/4)*(4*c^2*d^4+15*a*c*d^2*e^2-_
-- 21*a^2*e^4)*elliptic_e(asin(c^(1/4)*sqrt(d+e*x)/sqrt(e*sqrt(-a)+_
-- d*sqrt(c))),(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))*_
-- (-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*sqrt(-a)+d*sqrt(c))*sqrt(e*_
-- (\operatorname{sqrt}(-a)-x*\operatorname{sqrt}(c))/(e*\operatorname{sqrt}(-a)+d*\operatorname{sqrt}(c)))*\operatorname{sqrt}(-e*(\operatorname{sqrt}(-a)+a)+a)
-- x*sqrt(c)/(-e*sqrt(-a)+d*sqrt(c)))/(a^2*e*(c*d^2+a*e^2)^3*sqrt(a+c*x^2))
--E 844
--S 845 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 845
--S 846 of 1581
--m0:=a0-r0
--Е 846
--S 847 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 847
)clear all
--S 848 of 1581
t0:=(a+b*x)^m*(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
             2 2 2
--R (1) (- b x + a)(b x + a)
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 848
--S 849 of 1581
r0:=2*a*(a+b*x)^(2+m)/(b*(2+m))-(a+b*x)^(3+m)/(b*(3+m))
--R
--R
--R
                           m + 3
                                                       m + 2
--R
       (-m-2)(bx+a) + (2am+6a)(bx+a)
--R (2) -----
--R
--R
                            bm + 5bm + 6b
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 849
```

```
--S 850 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 3 3 3 2 2 2 2 3 3 m log(b x + a)
--R ((-bm-2b)x - abmx + (abm+6ab)x + am+4a)%e
--R ------
--R
                           2
                         b m + 5b m + 6b
--R
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 850
--S 851 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
         3 3 3 2 2 2 2 3 3
--R
       ((-bm-2b)x -abmx + (abm+6ab)x + am + 4a)
--R
--R
--R
        m log(b x + a)
--R
        %e
--R
          m + 3
--R
     (m + 2)(b x + a) + (-2a m - 6a)(b x + a)
--R
--R /
      2
--R
--R
    b m + 5b m + 6b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 851
--S 852 of 1581
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 852
)clear all
--S 853 of 1581
t0:=(a+b*x)^m*(a^2-b^2*x^2)^2
--R
--R
       4 4 2 2 2 4 m
--R (1) (b x - 2a b x + a)(b x + a)
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 853
```

```
--S 854 of 1581
r0:=4*a^2*(a+b*x)^(3+m)/(b*(3+m))-4*a*(a+b*x)^(4+m)/(b*(4+m))+_
    (a+b*x)^(5+m)/(b*(5+m))
--R
--R
--R
    (2)
        2 m + 5 2 m
(m + 7m + 12)(b x + a) + (- 4a m - 32a m - 60a)(b x + a)
--R
                                                           m + 4
--R
--R
--R
         2 2
                 2
                       2
                                m + 3
       (4a m + 36a m + 80a)(b x + a)
--R
--R /
--R
--R
     b m + 12b m + 47b m + 60b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 854
--S 855 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
           5 2 5 5 5 4 2 4 4
--R
         (b m + 7b m + 12b)x + (a b m + 3a b m)x
--R
--R
            2 3 2 2 3 2 3 3 3 2 2 3 2 2
--R
          (- 2a b m - 22a b m - 40a b )x + (- 2a b m - 14a b m)x
--R
--R
           4 2 4 4 5 2 5 5
--R
         (a b m + 15a b m + 60a b)x + a m + 11a m + 32a
--R
--R
        m \log(b x + a)
--R
        %e
--R /
       3
--R
             2
--R
      b m + 12b m + 47b m + 60b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 855
--S 856 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
            5 2 5 5 5 4 2 4 4
--R
--R
           (b m + 7b m + 12b)x + (a b m + 3a b m)x
--R
               2 3 2 2 3 2 3 3 3 2 2 3 2 2
--R
           (-2a b m - 22a b m - 40a b) x + (-2a b m - 14a b m) x
--R
```

```
--R
           4 2 4 4 5 2 5 5
--R
--R
          (a b m + 15a b m + 60a b)x + a m + 11a m + 32a
--R
--R
          m \log(b x + a)
         %e
--R
--R
       2 m + 5 2 m
(- m - 7m - 12)(b x + a) + (4a m + 32a m + 60a)(b x + a)
--R
--R
--R
                        2
--R
           2 2 2
                                  m + 3
       (-4a m - 36a m - 80a)(b x + a)
--R
--R /
--R
--R
      b m + 12b m + 47b m + 60b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 856
--S 857 of 1581
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 857
)clear all
--S 858 of 1581
t0:=(a+b*x)^m*(a^2-b^2*x^2)^3
--R
--R
           6 6 2 4 4 4 2 2 6
--R
--R (1) (- b x + 3a b x - 3a b x + a)(b x + a)
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 858
--S 859 of 1581
r0:=8*a^3*(a+b*x)^(4+m)/(b*(4+m))-12*a^2*(a+b*x)^(5+m)/(b*(5+m))+_
    6*a*(a+b*x)^(6+m)/(b*(6+m))-(a+b*x)^(7+m)/(b*(7+m))
--R
--R
--R
    (2)
          3 2
--R
        (-m - 15m - 74m - 120)(b x + a)
--R
--R
         3 2
--R
      (6a m + 96a m + 498a m + 840a)(b x + a)
--R
--R
--R
          23 22 2 m+5
```

```
--R
      (-12a m - 204a m - 1128a m - 2016a)(b x + a)
--R
         3 3 3 2 3 m + 4
--R
--R
       (8a m + 144a m + 856a m + 1680a)(b x + a)
--R /
       4 3
--R
     b m + 22b m + 179b m + 638b m + 840b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 859
--S 860 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
           7 3
                 7 2
                        7 7 7 6 3 6 2 6 6
         (- b m - 15b m - 74b m - 120b )x + (- a b m - 9a b m - 20a b m)x
--R
--R
--R
          253 252 25 255
--R
        (3a b m + 57a b m + 306a b m + 504a b)x
--R
          3 4 3 3 4 2 3 4 4
--R
--R
        (3a b m + 39a b m + 96a b m)x
--R
--R
           4 3 3 4 3 2 4 3 4 3 3
--R
        (- 3a b m - 69a b m - 486a b m - 840a b )x
--R
--R
             5 2 3 5 2 2 5 2 2
--R
         (- 3a b m - 51a b m - 228a b m)x
--R
                                        73 72 7 7
--R
        6 3 6 2 6
                                6
--R
       (a b m + 27a b m + 254a b m + 840a b)x + a m + 21a m + 152a m + 384a
--R
--R
        m \log(b x + a)
--R
       %e
--R /
--R
              3
                     2
--R
      b m + 22b m + 179b m + 638b m + 840b
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 860
--S 861 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
            73 72 7 77
--R
          (-b m - 15b m - 74b m - 120b)x
--R
--R
             6 3 6 2
                              6 6
```

```
--R
          (-abm - 9abm - 20abm)x
--R
--R
            253 252 25 255
--R
          (3a b m + 57a b m + 306a b m + 504a b )x
--R
            3 4 3 3 4 2 3 4 4
--R
--R
          (3a b m + 39a b m + 96a b m)x
--R
             4 3 3 4 3 2 4 3 4 3 3
--R
--R
          (- 3a b m - 69a b m - 486a b m - 840a b )x
--R
--R
             5 2 3
                     5 2 2
                              5 2 2
          (- 3a b m - 51a b m - 228a b m)x
--R
--R
--R
           6 3 6 2 6 6
                                          7 3 7 2 7
--R
          (a b m + 27a b m + 254a b m + 840a b)x + a m + 21a m + 152a m
--R
--R
            7
--R
         384a
--R
         m \log(b x + a)
--R
--R
         %e
--R
--R
        3 2
--R
       (m + 15m + 74m + 120)(b x + a)
--R
           3 2
--R
                                        m + 6
--R
       (-6a m - 96a m - 498a m - 840a)(b x + a)
--R
         23 22 2 m+5
--R
      (12a m + 204a m + 1128a m + 2016a)(b x + a)
--R
--R
--R
          3 3
                 3 2
                         3
--R
      (- 8a m - 144a m - 856a m - 1680a )(b x + a)
--R /
       4 3 2
--R
      b m + 22b m + 179b m + 638b m + 840b
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 861
--S 862 of 1581
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 862
)clear all
```

```
--S 863 of 1581
t0:=(a+b*x)^m/(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
--R
                                  (b x + a)
--R (1) - -----
--R
                                        2 2 2
--R
                                     b x - a
--R
                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 863
--S 864 of 1581
--r0:=1/2*(a+b*x)^m*hypergeometric(1,m,1+m,1/2*(a+b*x)/a)/(a*b*m)
--E 864
--S 865 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 865
--S 866 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 866
--S 867 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 867
)clear all
--S 868 of 1581
t0:=(a+b*x)^6/(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
                                     5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4
--R
                              - b x - 5a b x - 10a b x - 10a b x - 5a b x - a
--R
--R
             (1) -----
--R
                                                                                                     b x - a
--R
                                                                                                                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 868
--S 869 of 1581
r0:=-16*a^4*x-4*a^3*(a+b*x)^2/b-4/3*a^2*(a+b*x)^3/b-1/2*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b-1/a*a*(a+b*x)^4/b*a*(a+b*x)^4/b*a*(a+b*x)^4/b*a*(a+b*x)^4/b*a*(a+b*x)^4/b*a*(a+b*x)^4/b*a*(a+b*x)^4/b*
              1/5*(a+b*x)^5/b-32*a^5*log(a-b*x)/b
--R
--R
--R (2)
--R
                                                                                                       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
                        - 960a log(- b x + a) - 6b x - 45a b x - 160a b x - 390a b x
--R
```

```
--R
            4 5
--R
        - 930a b x - 181a
--R /
--R
       30b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 869
--S 870 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                  5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4
--R
          5
     - 960a log(b x - a) - 6b x - 45a b x - 160a b x - 390a b x - 930a b x
--R
--R
--R
                                    30ъ
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 870
--S 871 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         -960a \log(b x - a) + 960a \log(-b x + a) + 181a
--R
     (4) -----
--R
                              30b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 871
--S 872 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 872
)clear all
--S 873 of 1581
t0:=(a+b*x)^5/(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
           4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
         - b x - 4a b x - 6a b x - 4a b x - a
--R
--R
                        b x - a
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--R
--E 873
```

```
--S 874 of 1581
r0:=-8*a^3*x-2*a^2*(a+b*x)^2/b-2/3*a*(a+b*x)^3/b-1/4*(a+b*x)^4/b-_
    16*a^4*log(a-b*x)/b
--R
--R
                           4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
        - 192a log(- b x + a) - 3b x - 20a b x - 66a b x - 180a b x - 35a
--R (2) ------
--R
                                  12b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 874
--S 875 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                         4 4 3 3 2 2 2 3
--R
     - 192a log(b x - a) - 3b x - 20a b x - 66a b x - 180a b x
--R
--R
--R
                               12b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 875
--S 876 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                     4
--R - 192a log(b x - a) + 192a log(- b x + a) + 35a
--R (4) -----
--R
                          12b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 876
--S 877 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 877
)clear all
--S 878 of 1581
t0:=(a+b*x)^4/(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
         3 3 2 2 2 3
--R
```

```
--R - b x - 3a b x - 3a b x - a
--R (1) -----
--R
                 b x - a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 878
--S 879 of 1581
r0:=-4*a^2*x-a*(a+b*x)^2/b-1/3*(a+b*x)^3/b-8*a^3*log(a-b*x)/b
--R
--R
                           3 3 2 2
                                           2
           3
       - 24a log(- b x + a) - b x - 6a b x - 21a b x - 4a
--R
   (2) -----
--R
--R
                              3b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 879
--S 880 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                         3 3 2 2 2
--R
     - 24a log(b x - a) - b x - 6a b x - 21a b x
--R (3) -----
--R
                           3b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 880
--S 881 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     - 24a log(b x - a) + 24a log(- b x + a) + 4a
--R
--R
                           3b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 881
--S 882 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 882
)clear all
--S 883 of 1581
```

```
t0:=(a+b*x)^3/(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
         2 2 2
--R
    - b x - 2a b x - a
--R
--R (1) -----
         b x - a
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 883
--S 884 of 1581
r0:=-3*a*x-1/2*b*x^2-4*a^2*log(a-b*x)/b
--R
--R
                           2 2
--R
        - 8a log(- b x + a) - b x - 6a b x
--R
    (2) -----
--R
                       2b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 884
--S 885 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
         - 8a log(b x - a) - b x - 6a b x
--R
--R
                      2b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 885
--S 886 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
                  2
--R
       - 4a \log(b x - a) + 4a \log(-b x + a)
--R
    (4) -----
--R
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 886
--S 887 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 887
```

```
)clear all
--S 888 of 1581
t0:=(a+b*x)^2/(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
         - b x - a
--R (1) -----
--R
         b x - a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 888
--S 889 of 1581
r0:=-x-2*a*log(a-b*x)/b
--R
--R
--R
         - 2a \log(-b x + a) - b x
    (2) -----
--R
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 889
--S 890 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         - 2a log(b x - a) - b x
--R
     (3) -----
--R
            Ъ
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 890
--S 891 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        - 2a \log(b x - a) + 2a \log(-b x + a)
    (4) -----
--R
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 891
--S 892 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 892
```

```
)clear all
--S 893 of 1581
t0:=(a+b*x)/(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
--R (1) - -----
--R
         b x - a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 893
--S 894 of 1581
r0:=-log(a-b*x)/b
--R
--R
--R
         log(-bx+a)
--R (2) - -----
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 894
--S 895 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     log(b x - a)
--R
    (3) - -----
     ъ
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 895
--S 896 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        - \log(b x - a) + \log(- b x + a)
    (4) -----
--R
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 896
--S 897 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 897
```

```
)clear all
--S 898 of 1581
t0:=1/(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
--R
    (1) - -----
          2 2 2
--R
--R
         b x - a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 898
--S 899 of 1581
r0:=atanh(b*x/a)/(a*b)
--R
--R
         bх
--R
--R
       atanh(---)
--R
         a
--R
          a b
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 899
--S 900 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
        log(b x + a) - log(b x - a)
    (3) ------ 2a b
--R
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 900
--S 901 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         log(b x + a) - log(b x - a) - 2atanh(---)
--R
     (4) -----
--R
--R
                          2a b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 901
--S 902 of 1581
d0:=D(m0,x)
```

```
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 902
)clear all
--S 903 of 1581
t0:=1/((a+b*x)*(a^2-b^2*x^2))
--R
--R
--R
    (1) - -----
--R
--R
           3 3 2 2 2 3
         b x + a b x - a b x - a
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 903
--S 904 of 1581
r0:=(-1/2)/(a*b*(a+b*x))+1/2*atanh(b*x/a)/(a^2*b)
--R
--R
--R
                     bх
--R
         (b x + a)atanh(---) - a
--R
--R
--R
              2 2 3
--R
            2a b x + 2a b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 904
--S 905 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
         (b x + a)log(b x + a) + (-b x - a)log(b x - a) - 2a
--R
    (3) -----
--R
                            2 2
--R
--R
                          4a b x + 4a b
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 905
--S 906 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         log(b x + a) - log(b x - a) - 2atanh(---)
--R
--R
```

```
--R
--R
                       2
--R
                       4a b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 906
--S 907 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 907
)clear all
--S 908 of 1581
t0:=1/((a+b*x)^2*(a^2-b^2*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) - -----
         4 4 3 3 3 4
--R
--R
         b x + 2a b x - 2a b x - a
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 908
--S 909 of 1581
r0 := (-1/4)/(a*b*(a+b*x)^2) + (-1/4)/(a^2*b*(a+b*x)) + 1/4*atanh(b*x/a)/(a^3*b)
--R
--R
        2 2 b x
--R
--R
       (b x + 2a b x + a) atanh(---) - a b x - 2a
--R
--R (2) -----
                 3 3 2 4 2 5
--R
--R
                4a b x + 8a b x + 4a b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 909
--S 910 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
       2 2 2
--R
                                     2 2
--R
      (b x + 2a b x + a) \log(b x + a) + (-b x - 2a b x - a) \log(b x - a)
--R
         2
--R 2a b x - 4a
```

```
--R /
      3 3 2 4 2 5
--R
--R
     8a b x + 16a b x + 8a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 910
--S 911 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        log(b x + a) - log(b x - a) - 2atanh(---)
--R
--R
--R
--R
                         3
--R
                         8a b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 911
--S 912 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 912
)clear all
--S 913 of 1581
t0:=1/((a+b*x)^3*(a^2-b^2*x^2))
--R
--R
--R
          5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
        b x + 3a b x + 2a b x - 2a b x - 3a b x - a
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 913
--S 914 of 1581
r0:=(-1/6)/(a*b*(a+b*x)^3)+(-1/8)/(a^2*b*(a+b*x)^2)+_
    (-1/8)/(a^3*b*(a+b*x))+1/8*atanh(b*x/a)/(a^4*b)
--R.
--R
          3 3 2 2 2 3 bx 2 2 2 3
--R
--R
        (3b x + 9a b x + 9a b x + 3a) a tanh(---) - 3a b x - 9a b x - 10a
--R
--R (2) -----
                        4 4 3 5 3 2 6 2 7
--R
```

```
--R
                      24a b x + 72a b x + 72a b x + 24a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 914
--S 915 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         3 3 2 2 2 3
--R
--R
      (3b x + 9a b x + 9a b x + 3a) \log(b x + a)
--R
         3 3 2 2 2 3
                                                2 2 2 3
--R
     (- 3b x - 9a b x - 9a b x - 3a )log(b x - a) - 6a b x - 18a b x - 20a
--R
--R /
--R
       4 4 3 5 3 2 6 2
--R
      48a b x + 144a b x + 144a b x + 48a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 915
--S 916 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
        log(b x + a) - log(b x - a) - 2atanh(---)
--R
--R
    (4) -----
--R
                        4
--R
                       16a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 916
--S 917 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 917
)clear all
--S 918 of 1581
t0:=1/((a+b*x)^4*(a^2-b^2*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) - -----
         6 6 5 5 2 4 4 4 2 2 5 6
--R
```

```
--R
         b x + 4a b x + 5a b x - 5a b x - 4a b x - a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 918
--S 919 of 1581
r0:=(-1/8)/(a*b*(a+b*x)^4)+(-1/12)/(a^2*b*(a+b*x)^3)+_
    (-1/16)/(a^3*b*(a+b*x)^2)+(-1/16)/(a^4*b*(a+b*x))+_
    1/16*atanh(b*x/a)/(a^5*b)
--R
--R
--R
   (2)
                3 3 2 2 2 3 4 b x
--R
        (3b x + 12a b x + 18a b x + 12a b x + 3a) atanh(---) - 3a b x
--R
--R
--R
--R
           2 2 2
                    3
--R
       - 12a b x - 19a b x - 16a
--R /
        5 5 4 6 4 3 7 3 2 8 2 9
--R
--R
      48a b x + 192a b x + 288a b x + 192a b x + 48a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 919
--S 920 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
         4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R.
       (3b x + 12a b x + 18a b x + 12a b x + 3a) log(b x + a)
--R
           4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
       (- 3b x - 12a b x - 18a b x - 12a b x - 3a )log(b x - a) - 6a b x
--R
--R
           2 2 2
                    3
       - 24a b x - 38a b x - 32a
--R
--R /
       5 5 4 6 4 3 7 3 2
--R
                                     8 2 9
--R
      96a b x + 384a b x + 576a b x + 384a b x + 96a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 920
--S 921 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
        log(b x + a) - log(b x - a) - 2atanh(---)
--R
--R
   (4) -----
```

```
--R
                               5
--R
                            32a b
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 921
--S 922 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 922
)clear all
--S 923 of 1581
t0:=(a+b*x)^m/(a^2-b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
--R
             (b x + a)
--R (1) -----
--R
          4 4 2 2 2 4
          b x - 2a b x + a
--R
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 923
--S 924 of 1581
--r0\!:=\!1/2*(a+b*x)^(-1+m)/(a*b*(a-b*x))-1/4*(2-m)*(a+b*x)^(-1+m)*\_
-- hypergeometric(1,-1+m,m,1/2*(a+b*x)/a)/(a^2*b*(1-m))
--Е 924
--S 925 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 925
--S 926 of 1581
--m0:=a0-r0
--Е 926
--S 927 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 927
)clear all
--S 928 of 1581
t0:=(a+b*x)^7/(a^2-b^2*x^2)^2
--R
--R
```

```
5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
--R
         b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a
--R
    (1) -----
                       2 2
--R
--R
                      b x - 2a b x + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 928
--S 929 of 1581
r0:=49*a^3*x+23/2*a^2*b*x^2+7/3*a*b^2*x^3+1/4*b^3*x^4+_
    32*a^5/(b*(a-b*x))+80*a^4*log(a-b*x)/b
--R
--R
--R
     (2)
--R
                  5
                                      5 5 4 4 2 3 3
--R
        (960a b x - 960a)log(-b x + a) + 3b x + 25a b x + 110a b x
--R
--R
          3 2 2 4
        450a b x - 588a b x - 384a
--R
--R /
--R
--R
      12b x - 12a b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 929
--S 930 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                  5
                                     5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
--R
        (960a b x - 960a)log(b x - a) + 3b x + 25a b x + 110a b x + 450a b x
--R
--R
--R
        - 588a b x - 384a
--R /
--R
        2
--R
      12b x - 12a b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 930
--S 931 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         80a \log(b x - a) - 80a \log(-b x + a)
--R
     (4) -----
--R
                       b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 931
--S 932 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 932
)clear all
--S 933 of 1581
t0:=(a+b*x)^6/(a^2-b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3
--R
        b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R (1) -----
--R
                 2 2
--R
                 b x - 2a b x + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 933
--S 934 of 1581
r0:=17*a^2*x+3*a*b*x^2+1/3*b^2*x^3+16*a^4/(b*(a-b*x))+32*a^3*log(a-b*x)/b
--R
--R
--R
    (2)
--R
   3
                                4 4 3 3 2 2 2 3
              4
--R
    (96a b x - 96a )log(- b x + a) + b x + 8a b x + 42a b x - 51a b x - 48a
--R ------
--R
--R
                                3b x - 3a b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 934
--S 935 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                              4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
    (96a b x - 96a )log(b x - a) + b x + 8a b x + 42a b x - 51a b x - 48a
--R
--R
                                2
--R
                               3b x - 3a b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 935
```

```
--S 936 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
        32a \log(b x - a) - 32a \log(-b x + a)
   (4) -----
--R
--R
                      b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 936
--S 937 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 937
)clear all
--S 938 of 1581
t0:=(a+b*x)^5/(a^2-b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
        3 3 2 2 2 3
--R
        b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
    (1) -----
                 2
--R
             2 2
--R
           b x - 2a b x + a
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 938
--S 939 of 1581
r0:=5*a*x+1/2*b*x^2+8*a^3/(b*(a-b*x))+12*a^2*log(a-b*x)/b
--R
--R
--R
                   3
                                  3 3
                                          2 2
                                                 2
--R
        (24a b x - 24a)log(-b x + a) + b x + 9a b x - 10a b x - 16a
    (2) -----
--R
--R
--R
                              2b x - 2a b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 939
--S 940 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           2 3
                                3 3 2 2 2 3
```

```
(24a b x - 24a) log(b x - a) + b x + 9a b x - 10a b x - 16a
--R
--R
                               2
--R
                              2b x - 2a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 940
--S 941 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
       12a log(b x - a) - 12a log(- b x + a)
--R
    (4) -----
--R
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 941
--S 942 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 942
)clear all
--S 943 of 1581
t0:=(a+b*x)^4/(a^2-b^2*x^2)^2
--R
--R
        2 2 2
--R
--R
       bx + 2abx + a
--R (1) -----
        2 2 2
--R
       b x - 2a b x + a
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 943
--S 944 of 1581
r0:=x+4*a^2/(b*(a-b*x))+4*a*log(a-b*x)/b
--R
--R
--R
                  2
                                  2 2
--R
       (4a b x - 4a) \log(-b x + a) + b x - a b x - 4a
--R (2) -----
--R
                         2
--R
                         b x - a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 944
--S 945 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                                   2 2 2
--R
--R
         (4a b x - 4a )log(b x - a) + b x - a b x - 4a
--R
                           2
--R
--R
                          b x - a b
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 945
--S 946 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         4a \log(b x - a) - 4a \log(-b x + a)
--R
     (4) -----
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 946
--S 947 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 947
)clear all
--S 948 of 1581
t0:=(a+b*x)^3/(a^2-b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
             b x + a
--R
     (1) -----
          2 2 2
--R
--R
         b x - 2a b x + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 948
--S 949 of 1581
r0:=2*a/(b*(a-b*x))+log(a-b*x)/b
--R
--R
      (b x - a)log(-b x + a) - 2a
--R
```

```
--R
             2
b x - a b
--R
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 949
--S 950 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
       (b x - a)log(b x - a) - 2a
--R
    (3) -----
                2
--R
               b x - a b
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 950
--S 951 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     log(b x - a) - log(- b x + a)
--R (4) -----
--R
                  b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 951
--S 952 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 952
)clear all
--S 953 of 1581
t0:=(a+b*x)^2/(a^2-b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
            1
--R (1) -----
        2 2 2
--R
--R
       bx - 2abx + a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 953
--S 954 of 1581
r0:=1/(b*(a-b*x))
```

```
--R
--R
      1
--R
--R (2) - -----
    2
b x - a b
--R
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 954
--S 955 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
    (3) - ----
    2
b x - a b
--R
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 955
--S 956 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
   (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 956
--S 957 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 957
)clear all
--S 958 of 1581
t0:=(a+b*x)/(a^2-b^2*x^2)^2
--R
--R
--R
                  1
--R (1) -----
        3 3 2 2 2 3
--R
--R
        bx -abx -abx+a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 958
--S 959 of 1581
```

```
r0:=1/2/(a*b*(a-b*x))+1/2*atanh(b*x/a)/(a^2*b)
--R
--R
--R
                     bх
--R
       (b x - a)atanh(---) - a
--R
--R (2) -----
--R
             2 2 3
--R
            2a b x - 2a b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 959
--S 960 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         (b x - a)log(b x + a) + (-b x + a)log(b x - a) - 2a
--R
   (3) -----
--R
                           2 2 3
--R
                          4a b x - 4a b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 960
--S 961 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         log(b x + a) - log(b x - a) - 2atanh(---)
--R
    (4) -----
--R
--R
                          2
--R
                         4a b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 961
--S 962 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 962
)clear all
--S 963 of 1581
t0:=1/(a^2-b^2*x^2)^2
--R
--R
```

```
--R
--R (1) -----
--R
        4 4 2 2 2 4
--R
        bx - 2abx + a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 963
--S 964 of 1581
r0\!:=\!1/2\!*x/(a^2\!*(a^2\!-b^2\!*x^2))\!+\!1/2\!*atanh(b\!*x/a)/(a^3\!*b)
--R
--R
          2 2 2
--R
                      ъ х
         (b x - a )atanh(---) - a b x
--R
--R
                  a
--R
--R
          3 3 2 5
--R
              2a b x - 2a b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 964
--S 965 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                            2 2 2
--R
         (b x - a) \log(b x + a) + (-b x + a) \log(b x - a) - 2a b x
--R
                               3 3 2 5
--R
--R
                             4a b x - 4a b
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 965
--S 966 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         log(b x + a) - log(b x - a) - 2atanh(---)
--R
     (4) -----
--R
--R
                           3
--R
                          4a b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 966
--S 967 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 967
)clear all
--S 968 of 1581
t0:=1/((a+b*x)*(a^2-b^2*x^2)^2)
--R
--R
--R
--R
   (1) -----
         5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
        b\ x\ +\ a\ b\ x\ -\ 2a\ b\ x\ -\ 2a\ b\ x\ +\ a\ b\ x\ +\ a
--R
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 968
--S 969 of 1581
r0:=1/8/(a^3*b*(a-b*x))+(-1/8)/(a^2*b*(a+b*x)^2)+_
    (-1/4)/(a^3*b*(a+b*x))+3/8*atanh(b*x/a)/(a^4*b)
--R
--R
--R
          3 3 2 2 2 3 b x 2 2 2 3
--R
         (3b x + 3a b x - 3a b x - 3a)atanh(---) - 3a b x - 3a b x + 2a
--R
     (2) -----
--R
                       4 4 3 5 3 2 6 2 7
--R
--R
                      8a b x + 8a b x - 8a b x - 8a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 969
--S 970 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
          3 3 2 2 2 3
--R
--R
       (3b x + 3a b x - 3a b x - 3a) \log(b x + a)
--R
           3 3 2 2 2
                                3
--R
                                                   2 2 2
--R
       (-3b x - 3a b x + 3a b x + 3a ) log(b x - a) - 6a b x - 6a b x + 4a
--R /
        4 4 3 5 3 2
--R
                         6 2
--R.
      16a b x + 16a b x - 16a b x - 16a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 970
--S 971 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R
--R
        3\log(b x + a) - 3\log(b x - a) - 6atanh(---)
--R
--R
   (4) -----
--R
--R
                       16a b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 971
--S 972 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 972
)clear all
--S 973 of 1581
t0:=1/((a+b*x)^2*(a^2-b^2*x^2)^2)
--R
--R
--R (1) -----
        66 55 244 333 422 5 6
--R
        b x + 2a b x - a b x - 4a b x - a b x + 2a b x + a
--R
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 973
--S 974 of 1581
r0:=1/16/(a^4*b*(a-b*x))+(-1/12)/(a^2*b*(a+b*x)^3)+_
    (-1/8)/(a^3*b*(a+b*x)^2)+(-3/16)/(a^4*b*(a+b*x))+1/4*atanh(b*x/a)/(a^5*b)
--R
    (2)
--R
             --R
--R
    (3b x + 6a b x - 6a b x - 3a)atanh(---) - 3a b x - 6a b x - a b x + 4a
--R
--R
                      5 5 4 6 4 3 8 2 9
--R
                    12a b x + 24a b x - 24a b x - 12a b
--R
--R.
                                           Type: Expression(Integer)
--E 974
--S 975 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
4 4 3 3 3 4
--R
--R
      (3b x + 6a b x - 6a b x - 3a) log(b x + a)
--R
                                               3 3 2 2 2
          4 4 3 3 3
--R
--R
       (- 3b x - 6a b x + 6a b x + 3a )log(b x - a) - 6a b x - 12a b x
--R
--R
--R
       - 2a b x + 8a
--R /
       5 5 4 6 4 3 8 2 9
--R
--R
      24a b x + 48a b x - 48a b x - 24a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 975
--S 976 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        log(b x + a) - log(b x - a) - 2atanh(---)
--R
--R
--R (4) -----
--R
                       5
--R
                       8a b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 976
--S 977 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 977
)clear all
--S 978 of 1581
t0:=1/((a+b*x)^3*(a^2-b^2*x^2)^2)
--R
--R
--R
                                 1
--R (1) ------
        77 66 255 344 433 522 6
--R
--R
       bx + 3abx + abx - 5abx - 5abx + abx + 3abx + a
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 978
--S 979 of 1581
r0:=1/32/(a^5*b*(a-b*x))+(-1/16)/(a^2*b*(a+b*x)^4)+_
```

```
(-1/12)/(a^3*b*(a+b*x)^3)+(-3/32)/(a^4*b*(a+b*x)^2)+_
    (-1/8)/(a^5*b*(a+b*x))+5/32*atanh(b*x/a)/(a^6*b)
--R
--R
--R
    (2)
           5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
--R
        (15b x + 45a b x + 30a b x - 30a b x - 45a b x - 15a)atanh(---)
--R
--R
                     2 3 3
--R
             4 4
                            3 2 2
                                      4
--R
        - 15a b x - 45a b x - 35a b x + 15a b x + 32a
--R /
        6 6 5 7 5 4 8 4 3 9 3 2
                                              10 2
--R
--R
      96a b x + 288a b x + 192a b x - 192a b x - 288a b x - 96a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 979
--S 980 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4
--R
--R
       (15b x + 45a b x + 30a b x - 30a b x - 45a b x - 15a) log(b x + a)
--R
            5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
--R
       (-15b x - 45a b x - 30a b x + 30a b x + 45a b x + 15a) log(b x - a)
--R
--R
             4 4
                   2 3 3
                            3 2 2
                                      4
--R
        -30a b x - 90a b x - 70a b x + 30a b x + 64a
--R /
          6 6 5 7 5 4 8 4 3 9 3 2 10 2 11
--R
--R
      192a b x + 576a b x + 384a b x - 384a b x - 576a b x - 192a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 980
--S 981 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         5\log(b x + a) - 5\log(b x - a) - 10atanh(---)
--R.
--R
     (4) -----
--R
                           6
--R
                         64a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 981
--S 982 of 1581
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 982
)clear all
--S 983 of 1581
t0:=(a+b*x)^m/(a^2-b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
--R
                   (b x + a)
--R
    (1) - -----
--R
          6 6 2 4 4 4 2 2 6
--R
         b x - 3a b x + 3a b x - a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 983
--S 984 of 1581
--r0:=1/4*(a+b*x)^{(-2+m)}/(a*b*(a-b*x)^2)+1/8*(4-m)*(a+b*x)^{(-2+m)}/_
-- (a^2*b*(a-b*x))-1/16*(3-m)*(4-m)*(a+b*x)^(-2+m)*_
-- hypergeometric(1,-2+m,-1+m,1/2*(a+b*x)/a)/(a^3*b*(2-m))
--E 984
--S 985 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 985
--S 986 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 986
--S 987 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 987
)clear all
--S 988 of 1581
t0:=(a+b*x)^8/(a^2-b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
          5 5
                   4 4
                           2 3 3 3 2 2 4
--R
         - b x - 5a b x - 10a b x - 10a b x - 5a b x - a
--R (1) ------
--R
                    3 3 2 2 2 3
                   b x - 3a b x + 3a b x - a
--R
```

```
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 988
--S 989 of 1581
r0:=-31*a^2*x-4*a*b*x^2-1/3*b^2*x^3+16*a^5/(b*(a-b*x)^2)-_
    80*a^4/(b*(a-b*x))-80*a^3*log(a-b*x)/b
--R
--R
--R (2)
             3 2 2 4
--R
                                 5
                                                  5 5
--R
        (- 240a b x + 480a b x - 240a )log(- b x + a) - b x - 10a b x
--R
           2 3 3
                    3 2 2
                               4
--R
--R
        - 70a b x + 174a b x + 147a b x - 192a
--R /
--R
       3 2
              2
--R
      3b x - 6a b x + 3a b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 989
--S 990 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
              3 2 2 4 5 5 5 4 4 2 3 3
--R
--R
      (- 240a b x + 480a b x - 240a )log(b x - a) - b x - 10a b x - 70a b x
--R
--R
            3 2 2 4
--R
       174a b x + 147a b x - 192a
--R /
       3 2 2 2
--R
--R
      3b x - 6a b x + 3a b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 990
--S 991 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
        - 80a \log(b x - a) + 80a \log(-b x + a)
--R.
    (4) -----
--R
                         b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 991
--S 992 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 992
)clear all
--S 993 of 1581
t0:=(a+b*x)^7/(a^2-b^2*x^2)^3
--R
--R
                      3 3 2 2 2 3 4
--R
             4 4
          - b x - 4a b x - 6a b x - 4a b x - a
--R
    (1) -----
--R
--R
                3 3 2 2 2 3
--R
               b x - 3a b x + 3a b x - a
--R
                                            Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 993
--S 994 of 1581
\texttt{r0} : = -7*\texttt{a}*\texttt{x} - 1/2*\texttt{b}*\texttt{x}^2 + 8*\texttt{a}^4/(\texttt{b}*(\texttt{a}-\texttt{b}*\texttt{x})^2) - 32*\texttt{a}^3/(\texttt{b}*(\texttt{a}-\texttt{b}*\texttt{x})) - 24*\texttt{a}^2*\texttt{log}(\texttt{a}-\texttt{b}*\texttt{x})/\texttt{b}
--R
--R
--R (2)
                               4
--R
             2 2 2 3
                                                       4 4 3 3 2 2 2
--R
        (- 48a b x + 96a b x - 48a )log(- b x + a) - b x - 12a b x + 27a b x
--R
           3 4
--R
--R
        50a b x - 48a
--R /
        3 2 2 2
--R
--R
       2b x - 4a b x + 2a b
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 994
--S 995 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
              2 2 2 3 4
--R
                                                     4 4 3 3 2 2 2
         (- 48a b x + 96a b x - 48a )log(b x - a) - b x - 12a b x + 27a b x
--R
--R.
--R
           3
        50a b x - 48a
--R
--R /
        3 2 2 2
--R
--R
       2b x - 4a b x + 2a b
--R
                                            Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 995
```

```
--S 996 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
       - 24a \log(b x - a) + 24a \log(-b x + a)
--R
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 996
--S 997 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 997
)clear all
--S 998 of 1581
t0:=(a+b*x)^6/(a^2-b^2*x^2)^3
--R
--R
          3 3 2 2 2 3
--R
--R
       - b x - 3a b x - 3a b x - a
--R
    (1) -----
          3 3 2 2 2 3
--R
--R
        b x - 3a b x + 3a b x - a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 998
--S 999 of 1581
r0:=-x+4*a^3/(b*(a-b*x)^2)-12*a^2/(b*(a-b*x))-6*a*log(a-b*x)/b
--R
--R
--R
     (2)
          2 2
--R
                 2 3
                                           3 3
                                                   2 2
--R
    (-6a b x + 12a b x - 6a) log(-b x + a) - b x + 2a b x + 11a b x - 8a
--R
--R
                              3 2 2 2
--R
                             b x - 2a b x + a b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 999
--S 1000 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
    (3)
--R
                            3 3 2 2 2 3
--R
         2 2 2 3
--R
   (- 6a b x + 12a b x - 6a )log(b x - a) - b x + 2a b x + 11a b x - 8a
--R ------
                          3 2 2 2
--R
--R
                         b x - 2a b x + a b
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1000
--S 1001 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        - 6a log(b x - a) + 6a log(-b x + a)
--R
    (4) -----
--R
                      b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1001
--S 1002 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
                                          Type: Expression(Integer)
--R
--E 1002
)clear all
--S 1003 of 1581
t0:=(a+b*x)^5/(a^2-b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
            2 2
          - b x - 2a b x - a
--R
--R (1) -----
--R
        3 3 2 2 2 3
        b x - 3a b x + 3a b x - a
--R
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1003
--S 1004 of 1581
r0:=2*a^2/(b*(a-b*x)^2)-4*a/(b*(a-b*x))-log(a-b*x)/b
--R
--R
--R
           2 2
--R
        (-bx + 2abx - a)log(-bx + a) + 4abx - 2a
--R
--R
                     3 2 2 2
```

```
--R
                     b x - 2a b x + a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1004
--S 1005 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
           2 2 2
--R
--R
       (-bx + 2abx - a)log(bx - a) + 4abx - 2a
--R (3) -----
                     3 2 2 2
--R
                    b x - 2a b x + a b
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1005
--S 1006 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
       - \log(b x - a) + \log(- b x + a)
--R
   (4) -----
--R
                   b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1006
--S 1007 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1007
)clear all
--S 1008 of 1581
t0:=(a+b*x)^4/(a^2-b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
                - b x - a
    (1) -----
--R
        3 3 2 2 2 3
--R
--R
        b x - 3a b x + 3a b x - a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1008
--S 1009 of 1581
r0:=1/4*(a+b*x)^2/(a*b*(a-b*x)^2)
--R
```

```
--R
       1 2 2 1 1 2
--R
--R
        - b x + - a b x + - a
--R
        4 2 4
--R (2) -----
         3 2 2 2 3
--R
--R
        a b x - 2a b x + a b
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1009
--S 1010 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
   (3) -----
--R
        2 2 2
       b x - 2a b x + a
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1010
--S 1011 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
    (4) - ----
--R
        4a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1011
--S 1012 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1012
)clear all
--S 1013 of 1581
t0:=(a+b*x)^3/(a^2-b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
--R (1) - -----
          3 3 2 2 2 3
--R
--R
          b x - 3a b x + 3a b x - a
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
```

```
--E 1013
--S 1014 of 1581
r0:=1/2/(b*(a-b*x)^2)
--R
--R
--R
                 1
--R
--R
--R
    (2) -----
--R
         3 2 2 2
--R
         b x - 2a b x + a b
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1014
--S 1015 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) -----
          3 2 2 2
--R
--R
         2b x - 4a b x + 2a b
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1015
--S 1016 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1016
--S 1017 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1017
)clear all
--S 1018 of 1581
t0:=(a+b*x)^2/(a^2-b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
--R (1) - -----
```

```
4 4 3 3 3 4
--R
           b x - 2a b x + 2a b x - a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1018
--S 1019 of 1581
r0:=1/4/(a*b*(a-b*x)^2)+1/4/(a^2*b*(a-b*x))+1/4*atanh(b*x/a)/(a^3*b)
--R
                              bх
--R
                       2
--R
         (b x - 2a b x + a )atanh(---) - a b x + 2a
--R
--R
                   3 3 2 4 2 5
--R
--R
                  4a b x - 8a b x + 4a b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1019
--S 1020 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
     2 2 2 2 2 2
--R
        (b x - 2a b x + a) log(b x + a) + (-b x + 2a b x - a) log(b x - a)
--R
--R
--R
        - 2a b x + 4a
--R /
--R
       3 3 2 4 2 5
--R
      8a b x - 16a b x + 8a b
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1020
--S 1021 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         log(b x + a) - log(b x - a) - 2atanh(---)
--R
--R
--R
                           3
--R
                          8a b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1021
--S 1022 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1022
)clear all
--S 1023 of 1581
t0:=(a+b*x)/(a^2-b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
   (1) - -----
--R
          5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
         b x - a b x - 2a b x + 2a b x + a b x - a
--R
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1023
--S 1024 of 1581
r0:=1/8/(a^2*b*(a-b*x)^2)+1/4/(a^3*b*(a-b*x))+(-1/8)/(a^3*b*(a+b*x))+_
    3/8*atanh(b*x/a)/(a^4*b)
--R
--R
          3 3 2 2 2 3 b x 2 2 2 3
--R
         (3b x - 3a b x - 3a b x + 3a )atanh(---) - 3a b x + 3a b x + 2a
--R
--R
                       4 4 3 5 3 2 6 2 7
--R
--R
                      8a b x - 8a b x - 8a b x + 8a b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1024
--S 1025 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         3 3 2 2 2
--R
--R
       (3b x - 3a b x - 3a b x + 3a) log(b x + a)
--R
           3 3 2 2 2
--R
                                3
                                                   2 2 2
       (-3b x + 3a b x + 3a b x - 3a) log(b x - a) - 6a b x + 6a b x + 4a
--R
--R /
--R.
        4 4 3 5 3 2
                         6 2
--R
      16a b x - 16a b x - 16a b x + 16a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1025
--S 1026 of 1581
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
                                          bх
         3\log(b x + a) - 3\log(b x - a) - 6atanh(---)
--R
--R
    (4) -----
--R
--R
--R
                         16a b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1026
--S 1027 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1027
)clear all
--S 1028 of 1581
t0:=1/(a^2-b^2*x^2)^3
--R
--R
--R
--R (1) - -----
          6 6 2 4 4 4 2 2 6
--R
--R
         bx - 3abx + 3abx - a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1028
--S 1029 of 1581
r0:=1/4*x/(a^2*(a^2-b^2*x^2)^2)+3/8*x/(a^4*(a^2-b^2*x^2))+_
    3/8*atanh(b*x/a)/(a^5*b)
--R
          44 222 4 bx 33 3
--R
--R
        (3b x - 6a b x + 3a) a tanh(---) - 3a b x + 5a b x
--R
                                  a
--R
--R
                      5 5 4 7 3 2 9
--R
                     8a b x - 16a b x + 8a b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1029
--S 1030 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
```

```
--R
    (3)
--R
          4 4 2 2 2 4
--R
       (3b x - 6a b x + 3a) \log(b x + a)
--R
--R
           4 4 2 2 2 4
                                    3 3 3
       (- 3b x + 6a b x - 3a )log(b x - a) - 6a b x + 10a b x
--R
--R /
        5 5 4 7 3 2
--R
      16a b x - 32a b x + 16a b
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 1030
--S 1031 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         3\log(b + a) - 3\log(b + a) - 6atanh(---)
--R
--R
   (4) -----
--R
                          5
--R
                         16a b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1031
--S 1032 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1032
)clear all
--S 1033 of 1581
t0:=1/((a+b*x)*(a^2-b^2*x^2)^3)
--R
--R
--R
--R
          77 66 255 344 433 522 6 7
--R
--R.
          b x + a b x - 3a b x - 3a b x + 3a b x + 3a b x - a b x - a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1033
--S 1034 of 1581
r0:=1/32/(a^4*b*(a-b*x)^2)+1/8/(a^5*b*(a-b*x))+(-1/24)/(a^3*b*(a+b*x)^3)+_
    (-3/32)/(a^4*b*(a+b*x)^2)+(-3/16)/(a^5*b*(a+b*x))+_
    5/16*atanh(b*x/a)/(a^6*b)
```

```
--R
--R
--R (2)
          5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 b x
--R
--R
       (15b x + 15a b x - 30a b x - 30a b x + 15a b x + 15a )atanh(---)
--R
--R
                    2 3 3 3 2 2
--R
            4 4
       - 15a b x - 15a b x + 25a b x + 25a b x - 8a
--R
--R /
--R
       6 6 5 7 5 4 8 4 3 9 3 2 10 2
      48a b x + 48a b x - 96a b x - 96a b x + 48a b x + 48a b
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1034
--S 1035 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4
--R
      (15b x + 15a b x - 30a b x - 30a b x + 15a b x + 15a) \log(b x + a)
--R
--R
--R
           5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
       (-15b x - 15a b x + 30a b x + 30a b x - 15a b x - 15a) log(b x - a)
--R
--R
            4 4
                   2 3 3 3 2 2
--R
        - 30a b x - 30a b x + 50a b x + 50a b x - 16a
--R /
--R
        6 6 5 7 5 4 8 4 3 9 3 2 10 2 11
--R
      96a b x + 96a b x - 192a b x - 192a b x + 96a b x + 96a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1035
--S 1036 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
         5\log(b x + a) - 5\log(b x - a) - 10atanh(---)
--R
--R
--R.
--R
                         32a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1036
--S 1037 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
   (5) 0
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1037
)clear all
--S 1038 of 1581
t0:=1/((a+b*x)^2*(a^2-b^2*x^2)^3)
--R
--R
--R
--R
    (1) - -----
          88 77 266 355 533 622 7 8
--R
         b x + 2a b x - 2a b x - 6a b x + 6a b x + 2a b x - 2a b x - a
--R
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1038
--S 1039 of 1581
r0:=1/64/(a^5*b*(a-b*x)^2)+5/64/(a^6*b*(a-b*x))+(-1/32)/(a^3*b*(a+b*x)^4)+_
    (-1/16)/(a^4*b*(a+b*x)^3)+(-3/32)/(a^5*b*(a+b*x)^2)+_
    (-5/32)/(a^6*b*(a+b*x))+15/64*atanh(b*x/a)/(a^7*b)
--R
--R
--R
    (2)
            --R
--R
         (15b x + 30a b x - 15a b x - 60a b x - 15a b x + 30a b x + 15a)
--R
--R
             b x
--R
         atanh(---)
--R
--R
                    2 4 4 3 3 3 4 2 2
--R
             5 5
--R
       - 15a b x - 30a b x + 10a b x + 50a b x + 17a b x - 16a
--R /
                          9 5 4
                                   10 4 3
          7 7 6
                 865
--R
                                             11 3 2
--R
       64a b x + 128a b x - 64a b x - 256a b x - 64a b x + 128a b x
--R
--R
         13
--R
       64a b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1039
--S 1040 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
            6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
         (15b x + 30a b x - 15a b x - 60a b x - 15a b x + 30a b x + 15a)
```

```
--R
--R
         log(b x + a)
--R
             6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
         (- 15b x - 30a b x + 15a b x + 60a b x + 15a b x - 30a b x - 15a)
--R
--R
         log(b x - a)
--R
            5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
        - 30a b x - 60a b x + 20a b x + 100a b x + 34a b x - 32a
--R
--R /
          7 7 6
                   865 954
                                      10 4 3 11 3 2
--R
--R
       128a b x + 256a b x - 128a b x - 512a b x - 128a b x + 256a b x
--R
--R
          13
--R
        128a b
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1040
--S 1041 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
        15\log(b x + a) - 15\log(b x - a) - 30atanh(---)
--R
--R
--R
     (4) -----
--R
--R
                         128a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1041
--S 1042 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1042
)clear all
--S 1043 of 1581
t0:=(a+b*x)^m*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
--R
                m | 22 2
--R (1) (b x + a) \|- b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1043
--S 1044 of 1581
--r0:=(a+b*x)^{(1+m)}*sqrt(a^2-b^2*x^2)/(b*(2+m))+a*(a+b*x)^{(1+m)}*_{\_}
-- hypergeometric(1/2,3/2+m,5/2+m,1/2*(a+b*x)/a)*sqrt(2)*_
-- sqrt((a-b*x)/a)*sqrt(a^2-b^2*x^2)/(b*(6+7*m+2*m^2)*(a-b*x))
--E 1044
--S 1045 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1045
--S 1046 of 1581
--m0:=a0-r0
--Е 1046
--S 1047 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 1047
)clear all
--S 1048 of 1581
t0:=(a+b*x)^4*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
            4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2
--R
     (1) (b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a) | -b x + a
--R.
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 1048
--S 1049 of 1581
r0:=-7/8*a^3*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/b-21/40*a^2*(a+b*x)*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/b-1
     3/10*a*(a+b*x)^2*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/b-1/6*(a+b*x)^3*_
     (a^2-b^2*x^2)^(3/2)/b+21/16*a^6*atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+_
     21/16*a<sup>4</sup>*x*sqrt(a<sup>2</sup>-b<sup>2</sup>*x<sup>2</sup>)
--R
--R
--R
      (2)
--R
                        bх
          315a atan(-----)
--R
--R.
                    +----+
--R.
                    1 2 2
                    \label{locality} \label{locality} $$ \locality - b x + a $
--R
--R
                5 5 4 4 2 3 3 3 2 2
--R
--R
            (40b x + 192a b x + 350a b x + 256a b x - 75a b x - 448a)
--R
            +----+
--R
```

```
--R | 22 2
--R \|-bx+a
--R /
--R 240b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1049
--S 1050 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
               7 4 4 9 2 2 11 | 2 2 2 6 6 6
--R
--R
         (- 3780a b x + 20160a b x - 20160a )\|- b x + a - 630a b x
--R
--R
              8 4 4 10 2 2
                                12
--R
          11340a b x - 30240a b x + 20160a
--R
--R
             +----+
--R
            | 22 2
--R
            \|-bx +a -a
        atan(-----)
--R
              b x
--R
--R
           11 11 10 10 2 9 9 3 8 8 4 7 7
--R
--R
          40b x + 192a b x - 370a b x - 3200a b x - 4455a b x
--R
--R
            5 6 6 5 5 7 4 4
                                        8 3 3
--R
         4160a b x + 16870a b x + 11520a b x - 14800a b x - 15360a b x
--R
--R
             10
--R
         2400a b x
--R
--R
         +----+
         | 22 2
--R
--R
        --R
            11 11 2 10 10 3 9 9 4 8 8
--R
--R
       - 240a b x - 1152a b x - 580a b x + 5760a b x + 11190a b x
--R
                  7 5 5
--R
          666
                            8 4 4 9 3 3
--R
       - 320a b x - 23970a b x - 19200a b x + 16000a b x + 15360a b x
--R
--R
         11
--R
       - 2400a b x
--R /
--R
            5 4 3 3 2 5 | 2 2 2 7 6 2 5 4
--R
       (1440a b x - 7680a b x + 7680a b) | - b x + a + 240b x - 4320a b x
--R
```

```
--R
            4 3 2 6
--R
--R
          11520a b x - 7680a b
--R
                                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1050
--S 1051 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                        | 22 2
--R
                 6 \|-bx+a-a6bx
--R
           - 630a atan(-----) - 315a atan(-----) - 448a
--R
--R
                              bх
--R
                                                          | 22 2
--R
                                                         \label{locality} 
--R
--R
                                             240b
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1051
--S 1052 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
     (5) 0
--R
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1052
)clear all
--S 1053 of 1581
t0:=(a+b*x)^3*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
            3 3 2 2 2 3 | 2 2
--R
     (1) (b x + 3a b x + 3a b x + a) = b x + a
--R
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1053
--S 1054 of 1581
\texttt{r0:=-7/12*a^2*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/b-7/20*a*(a+b*x)*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/b-}_{\texttt{loop}}
     1/5*(a+b*x)^2*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/b+7/8*a^5*_
     atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+7/8*a^3*x*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R (2)
--R
             5
                        bх
```

```
--R
       105a atan(-----)
--R
--R
              1 2 2 2
--R
              \label{lem:bx + a}
--R
--R
         4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
      (24b x + 90a b x + 112a b x + 15a b x - 136a) | - b x + a
--R /
--R
     120b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1054
--S 1055 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
              5 4 4 7 2 2 9 | 2 2 2 6 4 4
--R
--R
          (-210a b x + 2520a b x - 3360a) | -b x + a + 1050a b x
--R
--R
              8 2 2 10
--R
          - 4200a b x + 3360a
--R
--R
            | 22 2
--R
--R
            --R
        atan(-----)
--R
                bх
--R
               88 277 366 455 544
--R
--R
          - 120a b x - 450a b x - 80a b x + 1725a b x + 2400a b x
--R
--R
              6 3 3
                       7 2 2
         - 1140a b x - 2880a b x - 240a b x
--R
--R
--R
         +----+
         | 22 2
--R
--R
        --R
         10 10 9 9 2 8 8 3 7 7 4 6 6 5 5 5
--R
--R.
       - 24b x - 90a b x + 200a b x + 1155a b x + 920a b x - 2325a b x
--R
--R
          6 4 4 7 3 3 8 2 2 9
--R
       -3840a b x + 1020a b x + 2880a b x + 240a b x
--R /
--R
          5 4 2 3 2 4 | 2 2 2 5 4 3 3 2
--R
       (120b x - 1440a b x + 1920a b) = b x + a - 600a b x + 2400a b x
--R
```

```
--R
               5
--R
--R
         - 1920a b
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1055
--S 1056 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                      1 2 2 2
--R
               5 \|-bx+a-a 5 bx
--R
          - 210a atan(-----) - 105a atan(-----) - 136a
--R
--R
                                                   +----+
                           bх
--R
                                                    | 22 2
--R
                                                   \label{locality} 
--R
    (4) -----
--R
                                        120b
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1056
--S 1057 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1057
)clear all
--S 1058 of 1581
t0:=(a+b*x)^2*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
          2 2
                          2 | 2 2 2
--R
    (1) (b x + 2a b x + a) | -b x + a
--R
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1058
--S 1059 of 1581
r0:=-5/12*a*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/b-1/4*(a+b*x)*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/b+\_
    5/8*a^4*atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+5/8*a^2*x*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
    (2)
--R
           b x 3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
```

```
--R 15a atan(-----) + (6b x + 16a b x + 9a b x - 16a)\|- b x + a
--R
--R
              1 2 2 2
--R
             \label{locality} 
--R
--R
                                     24b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1059
--S 1060 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
                               +----+
                 5 2 2 7 | 2 2 2 4 4 4 6 2 2 8
--R
--R
          ((-120a b x + 240a) | -b x + a - 30a b x + 240a b x - 240a)
--R
--R
               +----+
               1 2 2 2
--R
--R
             \|-bx +a -a
--R
          atan(-----)
                    bх
--R
--R
--R
            77 66 255 344 433 522
--R
           6b x + 16a b x - 39a b x - 144a b x - 24a b x + 192a b x
--R
--R
             6
--R
           72a b x
--R
--R
           +----+
          1 2 2 2
--R
--R
          --R
             77 266 355 444 533 622
--R
--R
        - 24a b x - 64a b x + 36a b x + 240a b x + 60a b x - 192a b x
--R
--R
            7
--R
        - 72a b x
--R /
--R
           3 2 3 | 2 2 2 5 4 2 3 2 4
--R
--R.
       (96a b x - 192a b)\|- b x + a + 24b x - 192a b x + 192a b
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1060
--S 1061 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R
--R
                  1 2 2 2
                 \|-bx + a - a 4 bx 4
--R
--R
         - 30a atan(-----) - 15a atan(-----) - 16a
                    b x
--R
                                            1 2 2 2
--R
--R
                                            \label{lem:a} \label{lem:bx+a}
--R
--R
                                  24b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1061
--S 1062 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1062
)clear all
--S 1063 of 1581
t0:=(a+b*x)*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
        | 22 2
--R
--R
   (1) (b x + a) | - b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1063
--S 1064 of 1581
r0:=-1/3*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/b+1/2*a^3*atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+_
    1/2*a*x*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
         3 b x
                               2 2
                                             2 | 2 2
--R
         3a atan(-----) + (2b x + 3a b x - 2a) | - b x + a
--R
               +----+
--R
               | 22 2
--R
--R.
               --R
--R
                                  6b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1064
--S 1065 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R
   (3)
--R
            3 2 2 5 | 2 2 2 4 2 2 6
--R
        ((-6a b x + 24a) | -b x + a + 18a b x - 24a)
--R
--R
--R
            1 2 2 2
--R
--R
           --R
        atan(-----)
b x
--R
--R
--R
          44 233 322 4 | 22 2 66
--R
--R
       (-6a b x - 9a b x + 12a b x + 12a b x) | -b x + a - 2b x
--R
--R
          5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
       - 3a b x + 12a b x + 15a b x - 12a b x - 12a b x
--R
--R /
--R
                +----+
--R
      3 2 2 | 2 2 3 2
     (6b x - 24a b) | - b x + a - 18a b x + 24a b
--R
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1065
--S 1066 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
               | 22 2
--R
          3 \|-bx +a -a 3 bx
--R
       - 6a atan(-----) - 3a atan(-----) - 2a
--R
                bх
--R
                                    1 22 2
--R
                                    \|- b x + a
--R
--R
   (4) -----
--R
                             6b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1066
--S 1067 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1067
```

```
)clear all
--S 1068 of 1581
t0:=sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
--R
         1 2 2 2
--R (1) \|- b x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1068
--S 1069 of 1581
\verb"r0:=1/2*a^2*atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+1/2*x*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
                                  +----+
          2 b x
--R
                                 | 22
         a atan(-----) + b x \mid -b x + a
--R
                +----+
--R
--R
               1 2 2 2
--R
               --R
--R
                          2b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1069
--S 1070 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
           +-----+ | 2 2 2
3 | 2 2 2 2 2 2 4 \|- b x + a - a
--R
--R
       (- 4a \|- b x + a - 2a b x + 4a )atan(-----)
--R
                                                  bх
--R
--R
--R
        3 3 2 | 2 2 2 3 3 3 (b x - 2a b x)\|- b x + a - 2a b x + 2a b x
--R
--R
--R /
--R.
          +----+
          | 22 2 32 2
--R
       4a b\|- b x + a + 2b x - 4a b
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1070
--S 1071 of 1581
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
                | 22 2
--R
               \|-bx +a -a 2 bx
--R
        - 2a atan(-----) - a atan(-----)
--R
              b x
--R
                                      1 22 2
--R
--R
                                      \ |-bx+a
--R
--R
                            2b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1071
--S 1072 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1072
)clear all
--S 1073 of 1581
t0:=sqrt(a^2-b^2*x^2)/(a+b*x)
--R
--R
--R
1 2 2 2
--R (1) -----
          b x + a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1073
--S 1074 of 1581
r0:=a*atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+sqrt(a^2-b^2*x^2)/b
--R
--R
--R
--R
                 b x
                           1 2 2 2
--R
        a atan(-----) + \|-\b x + a
         +----+
--R
              1 2 2 2
--R
--R
             --R
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1074
```

```
--S 1075 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
           1 2 2 2
--R
--R
       --R
                             bх
--R
--R
--R
                    | 22 2
--R
--R
                   b \mid -b x + a - a b
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1075
--S 1076 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
              1 2 2 2
             \|-bx +a -a bx
--R
       - 2a atan(-----) - a atan(-----) + a b x
--R
--R
                                  | 22 2
--R
--R
                                  --R
--R
                          b
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1076
--S 1077 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Expression(Integer)
--E 1077
)clear all
--S 1078 of 1581
t0:=sqrt(a^2-b^2*x^2)/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
        +----+
        1 2 2 2
--R
       --R
```

```
2 2 2
--R
--R
     bx + 2a bx + a
--R
                                 Type: Expression(Integer)
--E 1078
--S 1079 of 1581
r0:=-atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b-2*sqrt(a^2-b^2*x^2)/(b*(a+b*x))
--R
--R
                           | 22
--R
                   b x
      (-b x - a)atan(-----) - 2|-b x + a
--R
               +----+
--R
--R
                1 2 2 2
--R
               --R (2) -----
--R
                   2
--R
                  b x + a b
--R
                                 Type: Expression(Integer)
--E 1079
--S 1080 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R
                           1 22 2
       1 22 2
--R
                           --R
      --R
                               bх
--R (3) ------
--R
                 1 2 2 2 2
--R
--R
                b \mid -b x + a - b x - a b
--R
                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1080
--S 1081 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          +----+
          | 22 2
--R
          --R
      2atan(-----) + atan(-----) - 2
--R
           b x +----+
--R
--R
                          | 22 2
--R
                          --R
```

```
--R
                          b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1081
--S 1082 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1082
)clear all
--S 1083 of 1581
t0:=sqrt(a^2-b^2*x^2)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
             +----+
            | 22 2
--R
--R
           \label{lem:bx+a}
--R (1) -----
       3 3 2 2 2 3
--R
--R
      b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1083
--S 1084 of 1581
r0:=-1/3*(a^2-b^2*x^2)(3/2)/(a*b*(a+b*x)^3)
--R
--R
--R
              +----+
              1 2 2 2
--R
    (b x - a) \mid - b x + a
--R
--R (2) -----
        3 2 2 2 3
--R
--R
      3a b x + 6a b x + 3a b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1084
--S 1085 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                       +----+
                      | 22 2 23 2
--R
                 -6a x = -2b x + 6a x
--R
--R (3) ------
--R
     2 2 2 3 | 2 2 2 3 3 3 4
--R
```

```
--R
         (3a b x + 9a b x + 6a) | - b x + a + 3a b x - 9a b x - 6a
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1085
--S 1086 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) - ----
--R
--R
           3a b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1086
--S 1087 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1087
)clear all
--S 1088 of 1581
t0:=sqrt(a^2-b^2*x^2)/(a+b*x)^4
--R
--R
--R
--R
                    1 2 2 2
--R
                   \ |-bx+a
--R
    (1) -----
        4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
         b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1088
--S 1089 of 1581
r0:=-1/5*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a*b*(a+b*x)^4)-1/15*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/_
    (a^2*b*(a+b*x)^3)
--R
--R
--R
                            +----+
--R
           2 2
                          2 | 2 2 2
--R
         (b x + 3a b x - 4a) | - b x + a
--R
    (2) -----
          2 4 3 3 3 2 4 2 5
--R
--R
        15a b x + 45a b x + 45a b x + 15a b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1089
```

```
--S 1090 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
          3 4 2 3 2 2 3 | 2 2 2 4 5 3 4
--R
--R
      (-5b x - 5a b x + 30a b x + 60a x) | -b x + a + 3b x + 20a b x
--R
--R
         2 2 3 3 2 4
--R
       35a b x - 30a b x - 60a x
--R /
--R
          244 422 5 6 | 22 2 255
--R
--R
       (15a b x - 105a b x - 150a b x - 60a )\|- b x + a - 15a b x
--R
--R
          3 4 4 4 3 3 5 2 2 6 7
--R
        -75a b x - 75a b x + 75a b x + 150a b x + 60a
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1090
--S 1091 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
    (4) - ----
--R
          2
--R
         15a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1091
--S 1092 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1092
)clear all
--S 1093 of 1581
t0:=sqrt(a^2-b^2*x^2)/(a+b*x)^5
--R
--R
--R
                        +----+
--R
                        1 2 2 2
                       \|- b x + a
--R
```

```
5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
--R
      b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--E 1093
--S 1094 of 1581
r0:=-1/7*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a*b*(a+b*x)^5)-_
   2/35*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a^2*b*(a+b*x)^4)-_
   2/105*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a^3*b*(a+b*x)^3)
--R
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
--R
         (2b x + 8a b x + 13a b x - 23a) = b x + a
--R (2) ------
--R
        3 5 4 4 4 3 5 3 2 6 2 7
--R
      105a b x + 420a b x + 630a b x + 420a b x + 105a b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1094
--S 1095 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           5 6 4 5 2 3 4 3 2 3 4 2 5
--R
--R
        (- 21b x - 161a b x - 280a b x + 70a b x + 840a b x + 840a x)
--R
--R
        +----+
--R
        1 2 2 2
--R
       --R
        67 56 245 334 423 52
--R
--R
      - 25b x - 14a b x + 301a b x + 700a b x + 350a b x - 840a b x
--R
--R
          6
--R
      - 840a x
--R /
           3 6 6 4 5 5 5 4 4 6 3 3 7 2 2
--R
         105a b x + 735a b x + 1155a b x - 735a b x - 3360a b x
--R
--R
             8 9
--R
         - 2940a b x - 840a
--R
--R
        +----+
--R
--R
        | 22 2
        \|- b x + a
--R
--R
        3 7 7 5 5 5 6 4 4 7 3 3 8 2 2 9
--R
```

```
--R
        105a b x - 1470a b x - 2940a b x - 735a b x + 2940a b x + 2940a b x
--R
--R
           10
--R
        840a
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1095
--S 1096 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             23
--R
    (4) - -----
--R
--R
          105a b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1096
--S 1097 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1097
)clear all
--S 1098 of 1581
t0:=sqrt(a^2-b^2*x^2)/(a+b*x)^6
--R
--R
--R
                                +----+
--R
                                | 22 2
--R
                               \label{lem:bx+a}
--R
          6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
         b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1098
--S 1099 of 1581
r0:=-1/9*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a*b*(a+b*x)^6)-_
    1/21*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a^2*b*(a+b*x)^5)-_
    2/105*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a^3*b*(a+b*x)^4)-_
    2/315*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a^4*b*(a+b*x)^3)
--R
--R
--R
                 4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
```

```
(2b x + 10a b x + 21a b x + 25a b x - 58a) | - b x + a
--R (2) -----
        465 554 643 732 82 9
--R
--R
       315a b x + 1575a b x + 3150a b x + 3150a b x + 1575a b x + 315a b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--E 1099
--S 1100 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
            78 67 256 345 434
--R
--R
         - 60b x - 18a b x + 1239a b x + 3507a b x + 2520a b x
--R
--R
             5 2 3 6 2
--R.
         - 2940a b x - 7560a b x - 5040a x
--R
        +----+
--R
--R
        | 22 2
--R
        --R
        8 9 7 8 2 6 7 3 5 6 4 4 5 5 3 4
--R
       56b x + 522a b x + 1089a b x - 924a b x - 5607a b x - 6300a b x
--R
--R
--R
         6 2 3 7 2 8
--R
       420a b x + 7560a b x + 5040a x
--R /
--R
            488 666 755 844 933
--R
         315a b x - 6930a b x - 18900a b x - 12285a b x + 18900a b x
--R
             10 2 2 11 12
--R
--R
         36540a b x + 22680a b x + 5040a
--R
--R
        +----+
        | 22 2
--R
--R
        --R
          499 588 677 766 855
--R
--R
       - 315a b x - 2835a b x - 5670a b x + 5670a b x + 31185a b x
--R
                 10 3 3
                            11 2 2 12
--R
          9 4 4
--R.
       31185a b x - 7560a b x - 34020a b x - 22680a b x - 5040a
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1100
--S 1101 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```
--R
        58
   (4) - -----
--R
         4
--R
--R
          315a b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1101
--S 1102 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1102
)clear all
--S 1103 of 1581
t0:=sqrt(a^2-b^2*x^2)/(a+b*x)^7
--R
--R
--R (1)
--R
                            1 2 2 2
--R
--R
                           --R
     77 66 255 344 433 522 6 7
--R
--R
    b x + 7a b x + 21a b x + 35a b x + 35a b x + 21a b x + 7a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1103
--S 1104 of 1581
r0:=-1/11*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a*b*(a+b*x)^7)-_
    4/99*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a^2*b*(a+b*x)^6)-_
    4/231*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a^3*b*(a+b*x)^5)-_
    8/1155*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a^4*b*(a+b*x)^4)-_
    8/3465*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a^5*b*(a+b*x)^3)
--R
--R
--R
    (2)
--R
--R
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R.
      --R /
           5 7 6 6 6 5 7 5 4 8 4 3 9 3 2
--R
--R
       3465a b x + 20790a b x + 51975a b x + 69300a b x + 51975a b x
--R
--R
           10 2
       20790a b x + 3465a b
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
```

```
--Е 1104
--S 1105 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
              9 10 8 9 2 7 8 3 6 7 4 5 6
--R
         - 539b x - 6017a b x - 15576a b x + 11154a b x + 108108a b x
--R
--R
              5 4 5 6 3 4 7 2 3 8 2
--R
         163086a b x + 36960a b x - 157080a b x - 221760a b x - 110880a x
--R
--R
--R
--R
         1 22 2
--R
        --R
--R
          10 11 9 10 2 8 9 3 7 8 4 6 7
--R
       - 555b x - 88a b x + 17831a b x + 60390a b x + 43824a b x
--R
--R
            5 5 6 6 4 5
                                7 3 4
--R
       - 117348a b x - 255486a b x - 147840a b x + 101640a b x
--R
--R
           9 2 10
--R
       221760a b x + 110880a x
--R /
            5 10 10 6 9 9 7 8 8 8 7 7 9 6 6
--R
--R
          3465a b x + 38115a b x + 97020a b x - 76230a b x - 689535a b x
--R
                 10 5 5 11 4 4 12 3 3 13 2 2
--R
--R
         - 1029105a b x - 187110a b x + 1067220a b x + 1275120a b x
--R
--R
              14
--R
         609840a b x + 110880a
--R
--R
         1 2 2 2
--R
        \|- b x + a
--R
--R
                   7 9 9 8 8 8
--R
         5 11 11
                                             977
--R
       3465a b x - 114345a b x - 381150a b x - 266805a b x + 762300a b x
--R
--R.
            11 5 5 12 4 4 13 3 3 14 2 2
--R
       1638945a b x + 838530a b x - 762300a b x - 1219680a b x
--R
--R
             15
                        16
--R
       - 609840a b x - 110880a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1105
```

```
--S 1106 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
            547
--R (4) - -----
--R
          3465a b
--R
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1106
--S 1107 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1107
)clear all
--S 1108 of 1581
t0:=(a+b*x)^m*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
      2 2 2 m | 2 2 2
--R
--R
    (1) (-bx + a)(bx + a) |-bx + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1108
--S 1109 of 1581
--r0:=-3*a^2*(a+b*x)^m*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(b*(4+m)*(6+5*m+m^2)*(a-b*x))+_
-- (a+b*x)^(1+m)*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(b*(4+m))+3*a*(a+b*x)^(1+m)*_
-- (a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(b*(3+m)*(4+m)*(a-b*x))+3*a^3*(a+b*x)^m*_
-- (a^2-b^2*x^2)^(3/2)*hypergeometric(1/2,3/2+m,5/2+m,1/2*(a+b*x)/a)*__
-- sqrt(2)*sqrt((a-b*x)/a)/(b*(4+m)*(6+5*m+m^2)*(a-b*x)^2)
--E 1109
--S 1110 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1110
--S 1111 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 1111
--S 1112 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 1112
```

```
)clear all
--S 1113 of 1581
t0:=(a+b*x)^3*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
           5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2
--R
                                                                2
   (1) (- b x - 3a b x - 2a b x + 2a b x + 3a b x + a )\|- b x + a
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1113
--S 1114 of 1581
r0:=3/8*a^3*x*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)-3/10*a^2*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/b-_
    3/14*a*(a+b*x)*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/b-1/7*(a+b*x)^2*_
    (a^2-b^2*x^2)^(5/2)/b+9/16*a^7*atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+_
    9/16*a^5*x*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
           7
                    bх
        315a atan(-----)
--R
--R
--R
                 1 22
--R
                 --R
--R
                6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
            - 80b x - 280a b x - 208a b x + 350a b x + 656a b x + 245a b x
--R
--R
                 6
--R
           - 368a
--R
--R
           +----+
--R
           1 2 2 2
          \ |-bx+a
--R
--R /
--R
      560b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1114
--S 1115 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
--R
                            9 4 4 11 2 2
                                                  13 | 2 2 2
           (-630a b x + 15120a b x - 50400a b x + 40320a ) | -b x + a
--R
--R
```

```
8 6 6 10 4 4 12 2 2 14
--R
--R
         4410a b x - 35280a b x + 70560a b x - 40320a
--R
--R
            +----+
           | 22 2
--R
--R
           --R
        atan(-----)
--R
             bх
--R
             12 12 2 11 11 3 10 10
--R
                                          499
--R
         560a b x + 1960a b x - 3024a b x - 18130a b x - 7280a b x
--R
             677 766 855 944 1033
--R
--R
         49245a b x + 57120a b x - 43400a b x - 98560a b x - 5040a b x
--R
--R
             11 2 2
                    12
--R
        53760a b x + 15680a b x
--R
        +----+
--R
        1 2 2 2
--R
--R
        --R
        14 14 13 13 2 12 12 3 11 11 4 10 10
--R
      80b x + 280a b x - 1792a b x - 7350a b x + 2464a b x
--R
--R
        5 9 9 6 8 8 7 7 7 8 6 6 9 5 5
--R
--R
      37625a b x + 26880a b x - 70595a b x - 99680a b x + 42840a b x
--R
--R
           10 4 4 11 3 3 12 2 2
--R
      125440a b x + 12880a b x - 53760a b x - 15680a b x
--R /
--R
          7 6 2 5 4 4 3 2 6 | 2 2 2
--R
--R
      (560b x - 13440a b x + 44800a b x - 35840a b) | - b x + a
--R
            7 6 3 5 4 5 3 2 7
--R
--R
      - 3920a b x + 31360a b x - 62720a b x + 35840a b
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1115
--S 1116 of 1581
m0:=a0-r0
--R.
--R
--R
                +----+
                | 22 2
--R
           7 \ |-bx+a-a| 7 bx
--R
--R
       - 630a atan(-----) - 315a atan(-----) - 368a
                 bх
--R
                                      1 2 2 2
--R
```

```
--R
                                              \label{lem:bx + a}
--R
--R
                                    560b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1116
--S 1117 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1117
)clear all
--S 1118 of 1581
t0:=(a+b*x)^2*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
                                    +----+
           4 4 3 3 3 4 | 2 2 2
--R
--R
   (1) (-bx - 2abx + 2abx + a) | -bx + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1118
--S 1119 of 1581
r0:=7/24*a^2*x*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)-7/30*a*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/b-_
    1/6*(a+b*x)*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/b+7/16*a^6*atan(b*_
    x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+7/16*a^4*x*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
     (2)
                b x
--R
--R
        105a atan(-----)
                +----+
--R
                 | 22
--R
                --R
--R
              5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4
--R
          (-40b x - 96a b x + 10a b x + 192a b x + 135a b x - 96a)
--R
--R
--R.
          +----+
--R
          1 2 2 2
--R
         --R /
--R
      240b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1119
```

```
--S 1120 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                7 4 4 9 2 2 11 | 2 2 2 6 6 6
--R
--R
          (- 1260a b x + 6720a b x - 6720a )\|- b x + a - 210a b x
--R
                                12
--R
             8 4 4
                       10 2 2
          3780a b x - 10080a b x + 6720a
--R
--R
--R
             1 2 2 2
--R
--R
            \|- b x + a - a
--R
         atan(-----)
--R
                 b x
--R
             11 11 10 10 2 9 9 3 8 8 4 7 7
--R
--R
          - 40b x - 96a b x + 730a b x + 1920a b x - 1965a b x
--R
              5 6 6 6 5 5 7 4 4 8 3 3 9 2 2
--R
--R
          - 8160a b x - 670a b x + 13440a b x + 6160a b x - 7680a b x
--R
            10
--R
--R
          - 4320a b x
--R
--R
--R
         1 2 2 2
--R
        --R
          11 11 2 10 10 3 9 9 4 8 8 5 7 7
--R
--R
       240a b x + 576a b x - 1580a b x - 4800a b x + 2130a b x
--R
          666 755
                                         9 3 3 10 2 2
--R
                               8 4 4
      13920a b x + 3210a b x - 17280a b x - 8320a b x + 7680a b x
--R
--R
--R
          11
--R
       4320a b x
--R /
--R
            54 332 5 | 22 2
                                               7 6 2 5 4
--R
--R
       (1440a b x - 7680a b x + 7680a b)\|- b x + a + 240b x - 4320a b x
--R
          4 3 2 6
--R
       11520a b x - 7680a b
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1120
--S 1121 of 1581
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                 1 2 2 2
--R
            6 \|-bx +a -a 6 bx
--R
        - 70a atan(-----) - 35a atan(-----) - 32a
--R
                     bх
                                         1 22 2
--R
--R
                                        --R
                               80b
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1121
--S 1122 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1122
)clear all
--S 1123 of 1581
t0:=(a+b*x)*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
   3 3 2 2 2 3 | 2 2 2
--R
--R (1) (-bx - abx + abx + a) | -bx + a
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1123
--S 1124 of 1581
r0:=1/4*a*x*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)-1/5*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/b+_
   3/8*a^5*atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+3/8*a^3*x*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
    (2)
--R
         5 b x
--R
       15a atan(-----)
        +----+
--R
              1 2 2 2
--R
              --R
--R
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
     (-8b x - 10a b x + 16a b x + 25a b x - 8a) | -b x + a
```

```
--R /
--R 40b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1124
--S 1125 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
              5 4 4 7 2 2 9 | 2 2 2 6 4 4
--R
          (- 30a b x + 360a b x - 480a )\|- b x + a + 150a b x
--R
--R
--R
              8 2 2 10
--R
          - 600a b x + 480a
--R
--R
             +----+
--R
            1 2 2 2
--R
           \|-bx +a -a
--R
         atan(-----)
--R
              bх
--R
--R
             88 277 366 455 544 633
--R
          40a b x + 50a b x - 240a b x - 325a b x + 480a b x + 660a b x
--R
--R
               7 2 2
--R
          - 320a b x - 400a b x
--R
--R
         +----+
--R
         1 2 2 2
--R
        --R
        10 10 9 9 2 8 8 3 7 7 4 6 6 5 5 5
--R
--R
      8b x + 10a b x - 120a b x - 155a b x + 440a b x + 605a b x
--R
          6 4 4 7 3 3 8 2 2 9
--R
--R
       - 640a b x - 860a b x + 320a b x + 400a b x
--R /
--R
                2 3 2 4 | 2 2 2
--R
                                          5 4 3 3 2
--R
       (40b x - 480a b x + 640a b) | - b x + a - 200a b x + 800a b x
--R
--R
--R
       - 640a b
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1125
--S 1126 of 1581
m0:=a0-r0
```

```
--R
--R
--R
                 | 22 2
--R
                \|-bx+a-a 5 bx 5
--R
        - 30a atan(-----) - 15a atan(-----) - 8a
--R
                     bх
--R
--R
                                          | 22 2
                                          \label{lem:bx + a}
--R
--R
--R
                                40b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1126
--S 1127 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1127
)clear all
--S 1128 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^(3/2)
--R
--R
--R
--R 2 2 2 1 2 2 2
--R (1) (- b x + a )\|- b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1128
--S 1129 of 1581
r0:=1/4*x*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)+3/8*a^4*atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+\_
   3/8*a^2*x*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R
--R
--R
         4 bx 33 2 | 22
--R
        3a atan(-----) + (- 2b x + 5a b x)\|- b x + a
--R
--R
            +----+
              1 2 2 2
--R
--R
              --R
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1129
```

```
--S 1130 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
              5 2 2 7 | 2 2 2 4 4 4 6 2 2 8
--R
         ((- 24a b x + 48a )\|- b x + a - 6a b x + 48a b x - 48a )
--R
--R
--R
--R
             | 22 2
            \|-bx +a -a
--R
         atan(-----)
b x
--R
--R
--R
--R
          77 255 433 6 | 22 2 77
--R
--R
       (-2b x + 21a b x - 56a b x + 40a b x) | -b x + a + 8a b x
--R
--R
          3 5 5 5 3 3
--R
       - 44a b x + 76a b x - 40a b x
--R /
--R
--R
         3 2 3 | 2 2 2 5 4 2 3 2 4
--R
      (32a b x - 64a b) | - b x + a + 8b x - 64a b x + 64a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1130
--S 1131 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R
           4 \|- b x + a - a 4 b x
--R
        - 6a atan(-----) - 3a atan(-----)
--R
                 bх
--R
--R
                                        1 22 2
--R
                                       --R
--R
                             8ъ
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1131
--S 1132 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1132
)clear all
--S 1133 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a+b*x)
--R
--R
--R
                 1 2 2 2
--R
--R (1) (-bx+a)|-bx+a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1133
--S 1134 of 1581
r0:=1/3*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/b+1/2*a^3*atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+\_
   1/2*a*x*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R.
--R
--R
                               2 2
--R
                 bх
                                              2 | 2 2 2
--R
        3a atan(-----) + (- 2b x + 3a b x + 2a) | - b x + a
--R
               1 22 2
--R
--R
              --R
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1134
--S 1135 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
             3 2 2 5 | 2 2 2 4 2 2 6
--R
--R
         ((-6a b x + 24a))|-b x + a + 18a b x - 24a)
--R
--R
             | 22 2
--R
            \|-bx +a -a
--R
--R
        atan(-----)
--R
                   bх
--R
--R
                                       +----+
          44 233 322 4 | 22 2 66 55
--R
       (6a b x - 9a b x - 12a b x + 12a b x)\|- b x + a + 2b x - 3a b x
--R
--R
--R
          2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
```

```
--R
       - 12a b x + 15a b x + 12a b x - 12a b x
--R /
--R
                  +----+
      3 2 2 1 2 2 2 3 2 3
--R
   (6b x - 24a b)\|- b x + a - 18a b x + 24a b
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1135
--S 1136 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                | 22 2
--R
          3 \|-bx+a-a3bx
--R
--R
        - 6a atan(-----) - 3a atan(-----) + 2a
                  b x
                            +----+
--R
--R
                                        1 2 2 2
--R
                                       --R
--R
                               6b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1136
--S 1137 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1137
)clear all
--S 1138 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
                 | 22 2
--R
    (-bx + a) | -bx + a
--R
--R (1) -----
--R.
              b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1138
--S 1139 of 1581
r0:=2*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(b*(a+b*x))+_
    3/2*a^2*atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+3/2*x*sqrt(a^2-b^2*x^2)
--R.
```

```
--R
--R
         2 b x
--R
                                    | 22 2
--R
        3a \ atan(-----) + (-b x + 4a) | -b x + a
--R
              1 2 2 2
--R
--R
             --R
--R
                          2b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1139
--S 1140 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
--R
                                        1 2 2 2
            +----+
           3 | 2 2 2 2 2 4 \|-bx+a-a
--R
--R
       (- 12a \|- b x + a - 6a b x + 12a )atan(-----)
--R
--R
--R
--R
         3 3 2 2 2 | 2 2 3 3 2 2 2 3
       (- b x + 4a b x + 2a b x)\|- b x + a + 2a b x - 4a b x - 2a b x
--R
--R /
--R
         +----+
        1 2 2 2 3 2 2
--R
--R
     4a b | -b x + a + 2b x - 4a b
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1140
--S 1141 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
                1 2 2 2
--R
           2 \|- b x + a - a 2 b x
--R
        - 6a atan(-----) - 3a atan(-----) + 4a
--R
--R
                    bх
--R
                                      1 2 2
--R
                                      --R
--R
                              2b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1141
--S 1142 of 1581
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1142
)clear all
--S 1143 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
--R
                 1 2 2 2
--R
     (-bx+a)\|-bx+a
--R (1) -----
--R
           2 2 2
--R
          bx + 2a bx + a
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1143
--S 1144 of 1581
r0:=-2*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(b*(a+b*x)^2)-_
    3*a*atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b-3*sqrt(a^2-b^2*x^2)/b
--R
--R
--R
--R
                   2
                      bх
                                                  1 2 2 2
--R
       (-3a b x - 3a) atan(-----) + (-b x - 5a) | -b x + a
                         +----+
--R
                          1 22 2
--R
--R
                         --R
--R
                               2
--R
                              bx + ab
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1144
--S 1145 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
                      +----+
                    2 | 2 2 2 2 3
--R
         ((6a b x + 12a) | - b x + a + 6a b x - 6a b x - 12a)
--R
--R
--R
              1 2 2 2
--R
```

```
--R
             \|- b x + a - a
--R
         atan(-----)
                 b x
--R
--R
         +-----+
2 2 | 2 2 2 3 3 2 2 2
--R
--R
--R
       (-bx -8abx)\|-bx +a +bx +abx +8abx
--R /
--R
               +----+
       2 | 2 2 3 2
                                   2
--R
--R
      (b x + 2a b) | -b x + a + b x - a b x - 2a b
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1145
--S 1146 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
               +----+
              1 2 2 2
--R
--R
              \|-bx +a -a
--R
        6a atan(-----) + 3a atan(-----) - 5a
                b x
--R
                                       | 22 2
--R
--R
                                      \label{lem:a} \label{lem:bx} + a
--R
--R
                               b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1146
--S 1147 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1147
)clear all
--S 1148 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a+b*x)^4
--R
--R
--R
                   +----+
                  1 2 2 2
--R
--R
         (-bx+a)\setminus |-bx+a|
--R (1) -----
        3 3 2 2 2 3
--R
        b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1148
--S 1149 of 1581
r0:=-2/3*(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(b*(a+b*x)^3)+_
    atan(b*x/sqrt(a^2-b^2*x^2))/b+2*sqrt(a^2-b^2*x^2)/(b*(a+b*x))
--R
--R
                                                        1 22 2
--R
           2 2
                         2
                                  bх
--R
         (3b x + 6a b x + 3a) atan(-----) + (8b x + 4a) | - b x + a
                              +----+
--R
                                1 2 2 2
--R
--R
                               --R
--R
                               3 2 2 2
--R
                             3b x + 6a b x + 3a b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1149
--S 1150 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
         2 2 2 2 2 3 3 2 3 ((-6b x - 18a b x - 12a )\|- b x + a - 6b x + 18a b x + 12a )
--R
--R
--R
--R
              +----+
--R
              | 22 2
--R
             --R
         atan(-----)
--R
                  bх
--R
--R
          22 | 22 2
--R
                           3 3 2 2
        12b x \|- b x + a - 4b x - 12a b x
--R
--R /
--R
                          +----+
                     2 | 22 2
        3 2 2
                                       4 3 2 2
--R
      (3b x + 9a b x + 6a b) | -b x + a + 3b x - 9a b x - 6a b
--R
--R.
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1150
--S 1151 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
                +----+
--R
```

```
| 22 2
--R
--R
              --R
        - 6atan(-----) - 3atan(-----) + 4
           b x
                              +----+
--R
                                   | 22 2
--R
--R
                                   --R
--R
                            3b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1151
--S 1152 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1152
)clear all
--S 1153 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a+b*x)^5
--R
--R
--R
                      | 22 2
--R
--R
            (-bx+a)\setminus |-bx+a|
--R
   (1) -----
       4 4 3 3 2 2 2 3 4
--R
--R
       b x + 4a b x + 6a b x + 4a b x + a
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1153
--S 1154 of 1581
r0:=-1/5*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a*b*(a+b*x)^5)
--R
--R
--R
          2 2
                      2 | 2 2 2
--R
--R
       (-bx + 2abx - a) | -bx + a
--R
--R.
         4 3 2 3 2 3 2 4
--R
       5a b x + 15a b x + 15a b x + 5a b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1154
--S 1155 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
```

```
--R
--R
   (3)
--R
        3 | 2 2 2 4 5 2 2 3 4
--R
--R
      20a x\|- b x + a + 2b x + 10a b x - 20a x
--R /
--R
                                     +----+
           4 4 3 2 2 4 5 | 2 2 2 5 5 2 4 4
--R
--R
      (5a b x - 35a b x - 50a b x - 20a )\|- b x + a - 5a b x - 25a b x
--R
--R
          3 3 3 4 2 2 5
--R
       - 25a b x + 25a b x + 50a b x + 20a
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1155
--S 1156 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
--R (4) - ----
--R
     5a b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1156
--S 1157 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1157
)clear all
--S 1158 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a+b*x)^6
--R
--R
--R
                            | 22
--R
--R
                 (-bx+a)\|-bx+a
--R (1) -----
--R
       5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5
--R
       b x + 5a b x + 10a b x + 10a b x + 5a b x + a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1158
--S 1159 of 1581
r0:=-1/7*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a*b*(a+b*x)^6)-_
```

```
1/35*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a^2*b*(a+b*x)^5)
--R
--R
--R
            3 3 2 2 2 3 | 2 2
--R
--R
        (-bx - 4abx + 11abx - 6a) | -bx + a
--R
         254 343 432 52 6
--R
        35a b x + 140a b x + 210a b x + 140a b x + 35a b
--R
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1159
--S 1160 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
          5 6 4 5 2 3 4 4 2 5 | 2 2 2
--R
--R
       (-7b x - 42a b x - 35a b x + 140a b x + 280a x) | -b x + a
--R
--R
       67 56 245 334 423 52 6
--R
      - 5b x + 7a b x + 77a b x + 105a b x + 140a b x - 140a b x - 280a x
--R /
           266 355 444 533 622
--R
          35a b x + 245a b x + 385a b x - 245a b x - 1120a b x - 980a b x
--R
--R
--R
--R
          - 280a
--R
--R
         +----+
         1 2 2 2
--R
--R
        --R
        277 455 544 633 722 8
--R
      35a b x - 490a b x - 980a b x - 245a b x + 980a b x + 980a b x + 280a
--R
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1160
--S 1161 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R.
--R.
          6
--R (4) - ----
          2
--R
--R
         35a b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1161
```

```
--S 1162 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1162
)clear all
--S 1163 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a+b*x)^7
--R
--R
--R
                              +----+
--R
                             1 2 2 2
--R.
                     (-bx+a)\setminus |-bx+a|
--R (1) -----
       6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6
--R
--R
       b x + 6a b x + 15a b x + 20a b x + 15a b x + 6a b x + a
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1163
--S 1164 of 1581
r0:=-1/9*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a*b*(a+b*x)^7)-_
   2/63*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a^2*b*(a+b*x)^6)-_
   2/315*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a^3*b*(a+b*x)^5)
--R
--R
--R
              4 4 3 3 2 2 2 3 4 | 2 2 2
--R
--R
          (-2b x - 10a b x - 21a b x + 80a b x - 47a) | - b x + a
--R (2) ------
        3 6 5 4 5 4 5 4 3 6 3 2 7 2 8
--R
--R
       315a b x + 1575a b x + 3150a b x + 3150a b x + 1575a b x + 315a b
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1164
--S 1165 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
            78 67 256 345 434
          - 45b x + 18a b x + 1071a b x + 2688a b x + 1260a b x
--R
--R
              5 2 3 6 2 7
--R
          - 1680a b x - 5040a b x - 5040a x
--R
--R
--R
        +----+
```

```
1 2 2 2
--R
       \|- b x + a
--R
--R
         8 9 7 8 2 6 7 3 5 6 4 4 5 5 3 4
--R
--R
       49b x + 423a b x + 801a b x - 1071a b x - 4158a b x - 3780a b x
--R
           6 2 3 7 2 8
--R
--R
        -840a b x + 5040a b x + 5040a x
--R /
                                             7 4 4
             388 566 655
--R
--R
          315a b x - 6930a b x - 18900a b x - 12285a b x + 18900a b x
--R
              9 2 2 10 11
--R
          36540a b x + 22680a b x + 5040a
--R
--R
--R
         +----+
--R
         1 2 2 2
        \|- b x + a
--R
--R
           3 9 9 4 8 8 5 7 7 6 6 6 7 5 5
--R
--R
       - 315a b x - 2835a b x - 5670a b x + 5670a b x + 31185a b x
--R
                  9 3 3
--R
           8 4 4
                                10 2 2
                                           11
       31185a b x - 7560a b x - 34020a b x - 22680a b x - 5040a
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1165
--S 1166 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          47
--R (4) - -----
--R
--R
        315a b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1166
--S 1167 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R.
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1167
)clear all
--S 1168 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a+b*x)^8
```

```
--R
--R
--R
   (1)
--R
                                1 2 2 2
--R
--R
                       (-bx+a)|-bx+a
--R
     77 66 255 344 433 522 6 7
--R
   b x + 7a b x + 21a b x + 35a b x + 35a b x + 21a b x + 7a b x + a
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1168
--S 1169 of 1581
r0:=-1/11*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a*b*(a+b*x)^8)-_
    1/33*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a^2*b*(a+b*x)^7)-_
    2/231*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a^3*b*(a+b*x)^6)-_
   2/1155*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a^4*b*(a+b*x)^5)
--R.
--R
--R (2)
--R
--R
        5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 | 2 2 2
--R
      (- 2b x - 12a b x - 31a b x - 46a b x + 243a b x - 152a )\|- b x + a
--R /
--R
          476 565 654 743
--R
      1155a b x + 6930a b x + 17325a b x + 23100a b x + 17325a b x
--R
--R
           9 2 10
--R
       6930a b x + 1155a b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1169
--S 1170 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
              9 10 8 9 2 7 8 3 6 7 4 5 6
--R
--R
          - 154b x - 1672a b x - 4191a b x + 3564a b x + 30723a b x
--R
               5 4 5 6 3 4 7 2 3
--R
                                           8 2
          42966a b x + 4620a b x - 36960a b x - 55440a b x - 36960a x
--R
--R
--R
--R
         | 22 2
--R
         --R
--R
           10 11 9 10 2 8 9 3 7 8 4 6 7
      - 150b x + 22a b x + 5071a b x + 16665a b x + 10989a b x
--R
--R
```

```
5 5 6 6 4 5 7 3 4 8 2 3 9 2
--R
--R
      - 35343a b x - 66066a b x - 32340a b x + 18480a b x + 55440a b x
--R
--R
          10
--R
       36960a x
--R /
             4 10 10 5 9 9 6 8 8 7 7 7 8 6 6
--R
--R
         1155a b x + 12705a b x + 32340a b x - 25410a b x - 229845a b x
--R
                9 5 5 10 4 4 11 3 3 12 2 2
--R
--R
         - 343035a b x - 62370a b x + 355740a b x + 425040a b x
--R
              13 14
--R
--R
         203280a b x + 36960a
--R
--R
--R
         1 2 2 2
        \|- b x + a
--R
--R
          4 11 11 6 9 9 7 8 8 8 7 7 9 6 6
--R
--R
      1155a b x - 38115a b x - 127050a b x - 88935a b x + 254100a b x
--R
         10 5 5 11 4 4
--R
                                12 3 3
--R
      546315a b x + 279510a b x - 254100a b x - 406560a b x
--R
         14 15
--R
--R
       - 203280a b x - 36960a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1170
--S 1171 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          152
--R (4) - -----
         4
--R
--R
        1155a b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1171
--S 1172 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1172
)clear all
```

```
--S 1173 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^(3/2)/(a+b*x)^9
--R
--R
--R
   (1)
--R
--R
                | 22 2
--R
     (-bx+a)\|-bx+a
--R /
--R
              77 266 355 444 533 622
        8 8
       b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x + 28a b x
--R
--R
         7 8
--R
--R
       8a b x + a
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1173
--S 1174 of 1581
r0:=-1/13*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a*b*(a+b*x)^9)-_
    4/143*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a^2*b*(a+b*x)^8)-_
    4/429*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a^3*b*(a+b*x)^7)-_
    8/3003*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a^4*b*(a+b*x)^6)-_
    8/15015*(a^2-b^2*x^2)^(5/2)/(a^5*b*(a+b*x)^5)
--R
--R
--R
     (2)
--R
            6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
          - 8b x - 56a b x - 172a b x - 308a b x - 367a b x + 2674a b x
--R.
--R
--R
        - 1763a
--R
--R
        +----+
--R
         1 2 2 2
        \|- b x + a
--R
--R /
            5 8 7
                     676 765 854
--R
--R
        15015a b x + 105105a b x + 315315a b x + 525525a b x + 525525a b x
--R
--R
             10 3 2
                       11 2
        315315a b x + 105105a b x + 15015a b
--R
--R.
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1174
--S 1175 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
11 12 10 11 2 9 10 3 8 9
--R
--R
          - 1755b x + 104a b x + 79651a b x + 320606a b x
--R
--R
               478 567
                                     6 5 6
          337194a b x - 650364a b x - 2114112a b x - 1789788a b x
--R
--R
               8 3 4 9 2 3 10 2
--R
--R
         480480a b x + 1921920a b x + 1921920a b x + 960960a x
--R
--R
         | 22 2
--R
--R
        --R
--R
          12 13
                      11 12 2 10 11 3 9 10
       1771b x + 22919a b x + 68393a b x - 70213a b x - 711854a b x
--R
--R
                      6 6 7
--R
              5 7 8
                                   7 5 6
--R
       - 1214070a b x + 55770a b x + 2594592a b x + 2870868a b x
--R
--R
           934
                   10 2 3 11 2
--R
       480480a b x - 1441440a b x - 1921920a b x - 960960a x
--R /
--R
              5 12 12 7 10 10
                                    8 9 9
--R
         15015a b x - 675675a b x - 2732730a b x - 2897895a b x
--R
               10 7 7 11 6 6 12 5 5 13 4 4
--R
--R
          5465460a b x + 17852835a b x + 16005990a b x - 3483480a b x
--R
--R
                  14 3 3
                               15 2 2
                                        16
--R
         - 18738720a b x - 16096080a b x - 6246240a b x - 960960a
--R
--R
         +----+
--R
         | 22 2
--R
        --R
            5 13 13 6 12 12 7 11 11 8 10 10
--R
--R
       - 15015a b x - 195195a b x - 585585a b x + 585585a b x
--R
--R
            999
                         10 8 8
                                 11 7 7
--R
       6051045a b x + 10345335a b x - 195195a b x - 21666645a b x
--R
              13 5 5
--R
                           14 4 4
                                    15 3 3
--R.
       - 26156130a b x - 4684680a b x + 15615600a b x + 15615600a b x
--R
--R
            17
                   18
--R
       6246240a b x + 960960a
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1175
--S 1176 of 1581
```

```
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
            1763
--R
    (4) - -----
           5
--R
--R
          15015a b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1176
--S 1177 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1177
)clear all
--S 1178 of 1581
t0:=(a+b*x)^2*sqrt(-a^2*c/b^2+c*x^2)
--R
--R
--R
                            1 2 2 2
--R
         2 2
                         2 |bcx - ac
--R
--R
     (1) (b x + 2a b x + a) |-----
--R
                           1
                                2
--R
                           \1
                                 b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1178
--S 1179 of 1581
r0:=5/12*a*b*(-a^2*c/b^2+c*x^2)^(3/2)/c+_
    1/4*b*(a+b*x)*(-a^2*c/b^2+c*x^2)^(3/2)/c-_
    5/8*a^4*atanh(x*sqrt(c)/sqrt(-a^2*c/b^2+c*x^2))*_
    sqrt(c)/b^2+5/8*a^2*x*sqrt(-a^2*c/b^2+c*x^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                            +-+
--R
             4 +-+
                         x\|c
        - 15a \|c atanh(-----)
--R
                       +----+
--R
                       1 2 2 2
--R
--R
                       |bcx -ac
--R
--R
                       | 2
                       \| b
--R
```

```
--R
--R
                                                                                                                        +----+
--R
                                                                                                                        1 2 2 2
                               4 3 3 2 2 2
--R
                                                                                                              3 |bcx - ac
--R
                        (6b x + 16a b x + 9a b x - 16a b) |-----
                                                                                                                      1 2
--R
                                                                                                                      \| b
--R
--R /
--R
--R
                    24b
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1179
--S 1180 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
                                                                                               +----+
                                              5 2 2 7 | 2 2 2
--R
--R
                                   (120a b c x - 240a c)\|b c x - a c
--R
--R
                                              4 4 4 6 2 2 8 +---+
--R
                                    (30a b c x - 240a b c x + 240a c) | - c
--R
--R
                                              | 2 2 2 +---+
--R
--R
                                            --R
                               atan(-----)
                                                            +---+
--R
--R
                                                                b x\|- c
--R
                                             7 7 6 6 2 5 5 3 4 4 4 3 3
--R
--R
                                   - 6b c x - 16a b c x + 39a b c x + 144a b c x + 24a b c x
--R
                                                 5 2 2 6
--R
                                  - 192a b c x - 72a b c x
--R
--R
                                  +----+
--R
                                  1 2 2 2
--R
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                              7 7
                                                                        266 355 444 533
--R
                                    24a b c x + 64a b c x - 36a b c x - 240a b c x - 60a b c x
--R
--R
                                             6 2 2
                                                                            7
--R
                                  192a b c x + 72a b c x
--R
                                +---+
--R
                               \|- c
--R
```

```
--R /
--R
                             +----+
           4 2 3 2 +---+ | 2 2 2 6 4 2 4 2
--R
--R
        (96a b x - 192a b )\|- c \|b c x - a c - 24b c x + 192a b c x
--R
--R
            4 2
--R
        - 192a b c
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1180
--S 1181 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
              5 2 2 7 +---+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
           (60a b x - 120a )\|- c \|c \|b c x - a c
--R
--R
               4 4 4 6 2 2
--R
           (-15a b c x + 120a b c x - 120a c) | c
--R
--R
                   +-+
--R
                 x\|c
--R
         atanh(-----)
               +----+
--R
               | 2 2 2
--R
--R
               lb c x - a c
--R
--R
              1 2
              \| b
--R
--R
--R
              5 2 2 7 | 2 2 2
--R
--R
           (120a b c x - 240a c) \setminus |b c x - a c
--R
             4 4 4 6 2 2 8 +---+
--R
--R
           (30a b c x - 240a b c x + 240a c) | - c
--R
--R
              +----+
              | 2 2 2
--R
--R
             \|b c x - a c - a\|- c
--R.
         atan(-----)
--R
                     +---+
                   b x\|- c
--R
--R
                   65 254 343 432 52 6
--R
--R
            (- 24a b x - 64a b x + 12a b x + 192a b x + 72a b x - 128a b)
--R
                  +----+
--R
```

```
12222
--R
--R
                                            +---+ |b c x - a c
--R
                                          1 2
--R
                                                                       b
--R
                                                         \1
--R
                                            7 7 6 6 2 5 5 3 4 4 4 3 3
--R
--R
                                    - 6b c x - 16a b c x + 39a b c x + 144a b c x + 24a b c x
--R
                                                 5 2 2 6
--R
--R
                                   - 192a b c x - 72a b c x
--R
                                  +----+
--R
                                  1 2 2 2
--R
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                     8 7 7 6 2 6 5 3 5 4 4 4 3
--R
                                   6b c x + 16a b c x - 39a b c x - 144a b c x - 24a b c x
--R
                                         5 3 2 6 2
--R
--R
                                    256a b c x + 72a b c x - 128a b c
--R
--R
--R
                                  | 2 2 2
--R
                                 lb c x - a c
--R
                                 |-----
                               | 2
|\ b
--R
--R
--R
--R
                                               7 7 2 6 6 3 5 5 4 4 4 5 3 3
--R
                                    24a b c x + 64a b c x - 36a b c x - 240a b c x - 60a b c x
--R
                                             6 2 2 7
--R
--R
                                 192a b с х + 72a b с х
--R
                                +---+
--R
                            \|- c
--R
--R /
--R
                                     4 2 3 2 +---+ | 2 2 2
                                                                                                                                            6 4 2 4 2
--R
                           (96a b x - 192a b )\|- c \|b c x - a c - 24b c x + 192a b c x
--R
--R
--R
                                    4 2
                          - 192a b c
--R
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1181
--S 1182 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
```

```
--R
--R (5)
                                     --R
--R
                                    b x + 2a b x - 40a b x - 82a b x + 239a b x
--R
                                          587 676 765 854 943
--R
--R
                                   560a b x - 408a b x - 1376a b x + 16a b x + 1408a b x
--R
                                          10 3 2 11 2 12
--R
--R
                                   448a b x - 512a b x - 256a b
--R
--R
                                              +----+
                                              1 2 2 2
--R
--R
                                   +---+ |b c x - a c
                                 --R
--R
                                            1 2
--R
                                             \| ъ
--R
                                      12 12 2 11 11 3 10 10 4 9 9
--R
--R
                             - 9a b c x - 18a b c x + 120a b c x + 258a b c x
--R
                                      588 677 766 855
--R
                             - 423a b c x - 1104a b c x + 456a b c x + 2016a b c x
--R
--R
--R
                                   9 4 4 10 3 3 11 2 2 12
                             176a b c x - 1664a b c x - 576a b c x + 512a b c x + 256a c
--R
--R
--R
                           +----+
--R
                          1 2 2 2
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                 13 12 2 12 11 3 11 10 4 10 9
--R
--R
                            9a b c x + 18a b c x - 120a b c x - 258a b c x
--R
--R
                                 5 9 8 6 8 7
                                                                                             776
                                                                                                                            865
                           423a b c x + 1104a b c x - 456a b c x - 2016a b c x - 176a b c x
--R
--R
--R
                                    10 4 3 11 3 2
                                                                                               12 2
--R
                           1664a bcx + 576a bcx - 512a bcx - 256a bc
--R
--R
                           +----+
                           1 2 2 2
--R
--R.
                           lb c x - a c
--R
                          1-----
                        | 2
\| b
--R
--R
--R
                               14 14 13 13 2 12 12 3 11 11
--R
                           - b c x - 2a b c x + 41a b c x + 84a b c x
--R
--R
```

```
4 10 10 5 9 9 6 8 8 7 7 7
--R
--R
          - 279a b c x - 642a b c x + 647a b c x + 1936a b c x
--R
              8 6 6 9 5 5
--R
                                 10 4 4
--R
         - 424a b c x - 2784a b c x - 432a b c x + 1920a b c x
--R
            12 2 2 13
--R
--R
         704a b c x - 512a b c x - 256a c
--R
--R
--R
        \|- c
--R /
--R
                                                 1 2 2 2
--R
          108 386 564 742 92 |bcx - ac
--R
--R
        (9a b x - 120a b x + 432a b x - 576a b x + 256a b ) \mid ------
                                                | 2
\| b
--R
--R
--R
--R
         +----+
--R
        | 2 2 2
--R
        \|bcx -ac
--R
--R
         --R
        (b x -41a b x +280a b x -688a b x +704a b x -256a b)
--R
             +----+
--R
--R
             1 2 2 2
--R
        +---+ |b c x - a c
--R
        1 2
--R
--R
            \| b
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1182
)clear all
--S 1183 of 1581
t0:=(a+b*x)^3*sqrt(-a^2*c/b^2+c*x^2)
--R
--R
--R
--R
                             1 2 2 2
--R
        3 3 2 2 2
                           3 |bcx - ac
--R (1) (b x + 3a b x + 3a b x + a) \mid-----
                             1 2
--R
                             \| b
--R
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1183
```

```
--S 1184 of 1581
r0:=7/12*a^2*b*(-a^2*c/b^2+c*x^2)^(3/2)/c+7/20*a*b*(a+b*x)*_
   (-a^2*c/b^2+c*x^2)^(3/2)/c+1/5*b*(a+b*x)^2*_
   (-a^2*c/b^2+c*x^2)^(3/2)/c-7/8*a^5*atanh(x*sqrt(c)/_
   --R
--R
--R
    (2)
--R
--R
            5 +-+
                       x\|c
--R
       - 105a \|c atanh(-----)
                    +----+
--R
                     1 2 2 2
--R
--R
                     lb c x - a c
--R
--R
                       2
                     1
--R.
                    \I
                         b
--R
--R
                                              +----+
                                              1 2 2
--R
--R
          5 4 4 3 2 3 2
                                 3 2
                                           4 |bcx - ac
--R
       (24b x + 90a b x + 112a b x + 15a b x - 136a b) |-----
--R
                                              1 2
--R
                                             \backslash I
                                                 b
--R /
--R
--R
      120b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1184
--S 1185 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
              5 4 4 7 2 2
--R
                                   9 | 2 2 2
--R
          (210a b c x - 2520a b c x + 3360a c) \ b c x - a c
--R
                                    10 +---+
--R
                6 4 4
                        8 2 2
--R
          (-1050a b c x + 4200a b c x - 3360a c) | - c
--R
--R.
             +----+
--R
             1 2 2 2
            --R
--R
         atan(-----)
                    +---+
--R
--R
                  b x\|- c
--R
--R
               8 8 2 7 7 3 6 6 4 5 5 5 4 4
```

```
--R
                                120a b c x + 450a b c x + 80a b c x - 1725a b c x - 2400a b c x
--R
                                             6 3 3 7 2 2 8
--R
--R
                               1140a b c x + 2880a b c x + 240a b c x
--R
                              +----+
--R
--R
                              1 2 2 2
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                    10 10
                                                                       9 9 2 8 8 3 7 7 4 6 6
--R
--R
                                24b c x + 90a b c x - 200a b c x - 1155a b c x - 920a b c x
--R
                                     5 5 5 6 4 4 7 3 3 8 2 2
--R
--R
                             2325a b c x + 3840a b c x - 1020a b c x - 2880a b c x - 240a b c x
--R
--R
                              +---+
--R
                           \|- c
--R /
--R
                                                                                                                      +----+
                                6 4 2 4 2 4 2 +---+ | 2 2 2 6 4
--R
--R
                        (120b x - 1440a b x + 1920a b) - c b c x - a c + 600a b c x
--R
                                   3 4 2 5 2
--R
--R
                        - 2400a b c x + 1920a b c
--R
                                                                                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1185
--S 1186 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
--R
                                             5 4 4 7 2 2 9 +---+ +-+ | 2 2 2
--R
--R
                                (105a b x - 1260a b x + 1680a) = c = c
--R
--R
                                           6 4 4 8 2 2
                                                                                                           10 +-+
--R
                                 (525a b c x - 2100a b c x + 1680a c) \ c
--R
--R
--R
                                                   x\|c
--R
                             atanh(-----)
                                            +----+
--R
--R
                                             1 2 2 2
--R
                                            |bcx -ac
--R
                                             |----
--R
                                           1 2
                                          \| b
--R
--R
--R
                                                                                                                              +----+
```

```
5 4 4 7 2 2 9 | 2 2
--R
--R
                              (210a b c x - 2520a b c x + 3360a c) \ b c x - a c
--R
                                            6 4 4 8 2 2 10 +---+
--R
--R
                              (-1050a b c x + 4200a b c x - 3360a c) | - c
--R
--R
                                     +----+
                                    | 2 2 2 +---+
--R
                                   --R
--R
                          atan(-----)
--R
--R
                                                 b x\|- c
--R
                                               98 87 276 365 454
--R
--R
                                      - 24b x - 90a b x + 176a b x + 1065a b x + 1096a b x
--R
--R
                                                    5 4 3 6 3 2 7 2
--R
                                     - 1260a b x - 3424a b x - 240a b x + 2176a b
--R
--R
                                               +----+
--R
                                              | 2 2 2
--R
                                   +---+ |b c x - a c
--R
                                  --R
                                             1 2
--R
                                              \| b
--R
                                         8 8 2 7 7 3 6 6 4 5 5 5 4 4
--R
--R
                             120a b c x + 450a b c x + 80a b c x - 1725a b c x - 2400a b c x
--R
                                        6 3 3 7 2 2 8
--R
--R
                             1140a b c x + 2880a b c x + 240a b c x
--R
--R
                            +----+
--R
                           1 2 2 2
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                    287 376 465
--R
                                           9 8
--R
                            - 120a b c x - 450a b c x - 80a b c x + 1725a b c x
--R
--R
                                                                     6 4 3
                                                                                                 7 3 2 8 2
--R
                             2536a b c x - 1140a b c x - 4512a b c x - 240a b c x + 2176a b c
--R
--R
                            +----+
--R
                            1 2 2 2
--R
                           lb c x - a c
--R
                          |-----
                         1 2
--R
                         \| b
--R
--R
                            10 10 9 9 2 8 8 3 7 7 4 6 6
--R
```

```
--R
          24b c x + 90a b c x - 200a b c x - 1155a b c x - 920a b c x
--R
         5 5 5 6 4 4 7 3 3 8 2 2 9
--R
--R
         2325a b c x + 3840a b c x - 1020a b c x - 2880a b c x - 240a b c x
--R
--R
         +---+
--R
        \|- c
--R /
--R
          6 4 2 4 2 4 2 +---+ | 2 2 2
--R
--R
       (120b x - 1440a b x + 1920a b )\|- c \|b c x - a c + 600a b c x
--R
            3 4 2 5 2
--R
--R
       - 2400a b c x + 1920a b c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1186
--S 1187 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)
             16 15 15 14 2 14 13 3 13 12 4 12 11
--R
--R
            b x + 3a b x - 58a b x - 182a b x + 437a b x
--R
               5 11 10 6 10 9 7 9 8 8 8 7 9 7 6
--R
--R
             1799a b x - 492a b x - 6436a b x - 2960a b x + 9936a b x
--R
--R
                10 6 5 11 5 4 12 4 3 13 3 2 14 2
--R
             8960a b x - 5888a b x - 8960a b x - 256a b x + 3072a b x
--R
--R
                15
--R
            1024a b
--R
--R
                +----+
                1 2 2 2
--R
--R
            +---+ |b c x - a c
            --R
                1 2
--R
                \| b
--R
--R
--R
               15 15 2 14 14 3 13 13 4 12 12
--R
          - 11a b c x - 33a b c x + 198a b c x + 682a b c x
--R
--R
              5 11 11 6 10 10 7 9 9
--R
          - 759a b c x - 4125a b c x - 308a b c x + 10692a b c x
--R
--R
             977
                      10 6 6 11 5 5
          6512a b c x - 12848a b c x - 13056a b c x + 5888a b c x
--R
--R
```

```
13 3 3 14 2 2 15 16
--R
--R
         10496a b c x + 768a b c x - 3072a b c x - 1024a c
--R
--R
         +----+
--R
         | 2 2 2
--R
        \|bcx -ac
--R
            16 15 2 15 14 3 14 13 4 13 12
--R
         11a b c x + 33a b c x - 198a b c x - 682a b c x
--R
--R
--R
           5 12 11 6 11 10 7 10 9 8 9 8
--R
         759a b c x + 4125a b c x + 308a b c x - 10692a b c x
--R
--R
              987
                       10 7 6 11 6 5
--R
         - 6512a b c x + 12848a b c x + 13056a b c x - 5888a b c x
--R
--R
              13 4 3 14 3 2
                                   15 2
--R
         - 10496a bcx - 768a bcx + 3072a bcx + 1024a bc
--R
--R
         +----+
--R
         | 2 2 2
         lb c x - a c
--R
--R
         |-----
         1 2
--R
        \| b
--R
--R
           17 17 16 16 2 15 15 3 14 14
--R
--R
         - b c x - 3a b c x + 59a b c x + 185a b c x
--R
--R
             4 13 13 5 12 12 6 11 11 7 10 10
--R
         - 495a b c x - 1981a b c x + 929a b c x + 8235a b c x
--R
--R
                       988
                                   10 7 7
--R
         2468a b c x - 16372a b c x - 11920a b c x + 15824a b c x
--R
             12 5 5 13 4 4
                                    14 3 3 15 2 2
--R
--R
         17920a bcx - 5632a bcx - 12032a bcx - 1280a bcx
--R
            16
--R
--R
         3072a b c x + 1024a c
--R
--R
         +---+
--R.
        \|- c
--R /
            12 10 3 10 8 5 8 6 7 6 4 9 4 2
--R.
--R
         11a b x - 220a b x + 1232a b x - 2816a b x + 2816a b x
--R
--R
             11 2
--R
         - 1024a b
--R
```

```
--R
--R
          | 2 2 2 +----+
--R
         |bcx - ac | 2 2 2
--R
         |-----\|b c x - a c
         1 2
--R
--R
         \| b
--R
          14 12  2 12 10  4 10 8  6 8 6  8 6 4
--R
         b x - 61a b x + 620a b x - 2352a b x + 4096a b x
--R
--R
--R
               10 4 2 12 2
         - 3328a b x + 1024a b
--R
--R
--R
              +----+
--R
             12222
--R
         +---+ |b c x - a c
--R
         \|- c |-----
             | 2
--R
             \| b
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1187
)clear all
--S 1188 of 1581
t0:=1/((1+a*x)*sqrt(1-a*x))
--R
--R
--R
               1
--R (1) -----
         +----+
--R
--R
       (a x + 1) | - a x + 1
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1188
--S 1189 of 1581
\texttt{r0:=-atanh(sqrt(1-a*x)/sqrt(2))*sqrt(2)/a}
--R
--R
--R
                  +----+
          +-+ \|- a x + 1
--R
         \|2 atanh(-----)
--R
                    +-+
--R
--R
                   \|2
--R
   (2) - -----
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1189
--S 1190 of 1581
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
               +-+ +----+
        +-+ 2\|2\|-ax+1 +ax-3
--R
--R
       \|2 log(-----)
                     a x + 1
--R
--R
--R
                     2a
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1190
--S 1191 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
               +-+ +----+
        +-+ 2\|2\|-ax+1+ax-3 +-+ \|-ax+1
--R
        \|2 log(-----) + 2\|2 atanh(-----)
--R
                 a x + 1
--R
--R
                                                  \|2
--R
--R
                                2a
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1191
--S 1192 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1192
)clear all
--S 1193 of 1581
t0:=1/(sqrt(1+a*x)*sqrt(1-a^2*x^2))
--R
--R
--R
--R (1) -----
--R +----+
--R
        | 22 +----+
       \|- a x + 1 \|a x + 1
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1193
--S 1194 of 1581
r0a:=-atanh(sqrt(1-a*x)/sqrt(2))*sqrt(2)/a
```

```
--R
--R
--R
                     +----+
            +-+ \|- a x + 1
--R
--R
           \|2 atanh(-----)
                        +-+
--R
--R
                       \|2
--R
--R
                     a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1194
--S 1195 of 1581
r0b:=-atanh(sqrt(1-a^2*x^2)/(sqrt(2)*sqrt(1+a*x)))*sqrt(2)/a
--R
--R
--R
                      +----+
--R
                      1 2 2
--R
                     \|- a x + 1
            +-+
           \|2 atanh(-----)
--R
--R
                     +-+ +----+
--R
                    \|2 \|a x + 1
--R
--R
                      a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1195
--S 1196 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1196
--S 1197 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 1197
--S 1198 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 1198
)clear all
--S 1199 of 1581
t0:=(a+b*x)^m*(a^2-b^2*x^2)^p
--R
--R
            2 2 2 p m
--R
--R (1) (- b x + a) (b x + a)
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1199
```

```
--S 1200 of 1581
--r0:=2^p*(a+b*x)^(1+m)*(a^2-b^2*x^2)^p*_
-- hypergeometric(-p,1+m+p,2+m+p,1/2*(a+b*x)/a)/(b*(1+m+p)*((a-b*x)/a)^p)
--E 1200
--S 1201 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1201
--S 1202 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 1202
--S 1203 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 1203
)clear all
--S 1204 of 1581
t0:=(a+b*x)^3*(a^2-b^2*x^2)^p
--R
--R
            33 22 2 3 22 2p
--R
--R (1) (b x + 3a b x + 3a b x + a)(-b x + a)
--R
                                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1204
--S 1205 of 1581
--r0:=-a^2*(3+p)*(a^2-b^2*x^2)^(1+p)/(b*(1+p)*(3+2*p))-a*(3+p)*(a+b*x)*_-
-- \quad (a^2-b^2*x^2)^(1+p)/(b*(2+p)*(3+2*p))-1/2*(a+b*x)^2*(a^2-b^2)^2
-- b^2*x^2(1+p)/(b*(2+p))+2*a^3*(3+p)*x*(a^2-b^2*x^2)^p*_
-- hypergeometric(1/2,-p,3/2,b<sup>2</sup>*x<sup>2</sup>/a<sup>2</sup>)/((3+2*p)*((a<sup>2</sup>-b<sup>2</sup>*x<sup>2</sup>)/a<sup>2</sup>)<sup>p</sup>)
--E 1205
--S 1206 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1206
--S 1207 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 1207
--S 1208 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 1208
)clear all
--S 1209 of 1581
```

```
t0:=(a+b*x)^2*(a^2-b^2*x^2)^p
--R
--R
--R
           2 2
                           2 22 2p
--R
    (1) (b x + 2a b x + a)(-b x + a)
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1209
--S 1210 of 1581
--r0:=-a*(2+p)*(a^2-b^2*x^2)^(1+p)/(b*(1+p)*(3+2*p))-(a+b*x)*_-
-- \quad (a^2-b^2*x^2)^(1+p)/(b*(3+2*p)) + 2*a^2*(2+p)*x*(a^2-b^2*x^2)^p*_-
-- hypergeometric(1/2,-p,3/2,b^2*x^2/a^2)/((3+2*p)*((a^2-b^2*x^2)/a^2)^p)
--E 1210
--S 1211 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1211
--S 1212 of 1581
--m0:=a0-r0
--Е 1212
--S 1213 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 1213
)clear all
--S 1214 of 1581
t0:=(a+b*x)*(a^2-b^2*x^2)^p
--R
--R
--R
                       2 2 2 p
--R
    (1) (b x + a)(-b x + a)
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1214
--S 1215 of 1581
--r0:=-1/2*(a^2-b^2*x^2)^(1+p)/(b*(1+p))+a*x*(a^2-b^2*x^2)^p*_
-- hypergeometric(1/2,-p,3/2,b^2*x^2/a^2)/((a^2-b^2*x^2)/a^2)^p
--E 1215
--S 1216 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1216
--S 1217 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 1217
```

```
--S 1218 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 1218
)clear all
--S 1219 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^p
--R
--R
--R
            22 2p
--R (1) (- b x + a)
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1219
--S 1220 of 1581
--r0:=x*(a^2-b^2*x^2)^p*hypergeometric(1/2,-p,3/2,b^2*x^2/a^2)/_
-- ((a^2-b^2*x^2)/a^2)^p
--E 1220
--S 1221 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1221
--S 1222 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 1222
--S 1223 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 1223
)clear all
--S 1224 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^p/(a+b*x)
--R
--R
--R
             22 2 p
--R (- b x + a)
--R (1) -----
--R
             b x + a
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1224
--S 1225 of 1581
--r0:=1/2*(a^2-b^2*x^2)^{(1+p)}/(a*b*p*(a+b*x))+1/2*(1+2*p)*x*(a^2-b^2*x^2)^p*_-
-- hypergeometric(1/2,-p,3/2,b^2*x^2/a^2)/(a*p*((a^2-b^2*x^2)/a^2)^p)
--E 1225
```

```
--S 1226 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1226
--S 1227 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 1227
--S 1228 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 1228
)clear all
--S 1229 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^p/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
               22 2 p
--R
           (-bx+a)
--R (1) -----
          2 2
--R
--R
        b x + 2a b x + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1229
--S 1230 of 1581
--r0:=-1/2*(a^2-b^2*x^2)^(1+p)/(a*b*(1-p)*(a+b*x)^2)-_
-- 1/2*(a^2-b^2*x^2)^(1+p)/(a^2*b*(1-p)*(a+b*x))-1/2*(1+2*p)*x*\_
-- (a^2-b^2*x^2)^p*hypergeometric(1/2,-p,3/2,b^2*x^2/a^2)/_
-- (a^2*(1-p)*((a^2-b^2*x^2)/a^2)^p)
--E 1230
--S 1231 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--Е 1231
--S 1232 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 1232
--S 1233 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 1233
)clear all
--S 1234 of 1581
t0:=(a^2-b^2*x^2)^p/(a+b*x)^3
--R
```

```
--R
--R
                                                                2 2 2 p
--R
                                                    (-bx + a)
--R (1) -----
                               3 3 2 2 2 3
--R
--R
                                b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1234
--S 1235 of 1581
--r0:=-1/2*(a^2-b^2*x^2)^(1+p)/(a*b*(2-p)*(a+b*x)^3)-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/4*(1-2*p)*-1/
-- (a^2-b^2*x^2)^(1+p)/(a^2*b*(1-p)*(2-p)*(a+b*x)^2)-1/4*(1-2*p)*_
-- (a^2-b^2*x^2)(1+p)/(a^3*b*(1-p)*(2-p)*(a+b*x))-1/4*(1-4*p^2)*x*_1
-- (a^2-b^2*x^2)^p*hypergeometric(1/2,-p,3/2,b^2*x^2/a^2)/_
-- (a^3*(1-p)*(2-p)*((a^2-b^2*x^2)/a^2)^p)
--E 1235
--S 1236 of 1581
--a0:=integrate(t0,x)
--E 1236
--S 1237 of 1581
--m0:=a0-r0
--E 1237
--S 1238 of 1581
--d0:=D(m0,x)
--E 1238
)clear all
--S 1239 of 1581
t0:=(1+x)/(2*x+x^2)
--R
--R
                                x + 1
--R
--R (1) -----
                                  2
--R
--R
                            x + 2x
--R
                                                                                                                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1239
--S 1240 of 1581
r0a:=1/2*log(x*(2+x))
--R
--R
--R
                    log(x + 2x)
--R
--R (2) -----
--R
                                             2
```

```
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1240
--S 1241 of 1581
r0b:=1/2*log(x)+1/2*log(2+x)
--R
--R
--R
        \log(x + 2) + \log(x)
--R (3) ------ 2
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1241
--S 1242 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            2
--R \qquad \log(x + 2x)
--R (4) -----
          2
--R
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1242
--S 1243 of 1581
m0a:=a0-r0a
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1243
--S 1244 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (6) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1244
--S 1245 of 1581
m0b:=a0-r0b
--R
--R
--R
            2
   log(x + 2x) - log(x + 2) - log(x)
--R
--R (7) -----
--R
                         2
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1245
```

```
--S 1246 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (8) 0
                                                    Type: Expression(Integer)
--R
--Е 1246
)clear all
--S 1247 of 1581
t0:=(a+2*b*x)/(a*x+b*x^2)
--R
--R
--R
         2b x + a
--R (1) -----
--R
           2
--R
        bx +ax
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--R
--E 1247
--S 1248 of 1581
r0a:=log(x*(a+b*x))
--R
--R
--R
--R
    (2) log(b x + a x)
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1248
--S 1249 of 1581
r0b:=log(x)+log(a+b*x)
--R
--R
--R
    (3) log(b x + a) + log(x)
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1249
--S 1250 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
             2
--R (4) log(b x + a x)
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1250
--S 1251 of 1581
m0a:=a0-r0a
```

```
--R
--R
--R
     (5) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1251
--S 1252 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
    (6) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1252
--S 1253 of 1581
m0b:=a0-r0b
--R
--R
--R
    (7) \log(b x + a x) - \log(b x + a) - \log(x)
--R
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1253
--S 1254 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
    (8) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1254
)clear all
--S 1255 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^m*(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
--R
             2
    (1) (c x + b x + a)(2c d x + b d)
--R
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1255
--S 1256 of 1581
r0:=-1/8*(b^2-4*a*c)*(b*d+2*c*d*x)^(1+m)/(c^2*d*(1+m))+_
     1/8*(b*d+2*c*d*x)^(3+m)/(c^2*d^3*(3+m))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                              m + 3
         (m + 1)(2c d x + b d)
--R
```

```
--R
         2 2
                    2 2 m + 1
--R
--R
     ((4a c - b)d m + (12a c - 3b)d)(2c d x + b d)
--R /
      2 3 2 2 3 2 3
--R
--R
     8c d m + 32c d m + 24c d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1256
--S 1257 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
          3 3 3 2 2 2 2 2 2
--R
         (4c m + 4c )x + (6b c m + 6b c )x + ((4a c + 2b c)m + 12a c )x
--R
--R
--R
        2a b c m + 6a b c - b
--R
--R
       m \log(2c d x + b d)
--R
       %e
--R /
      2 2 2 2
--R
--R
      4c m + 16c m + 12c
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1257
--S 1258 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
            3 3 3 3 2 3 2 3 2
--R
--R
          (8c d m + 8c d)x + (12b c d m + 12b c d)x
--R
              2 2 3 2 3
                                      3
--R
--R
          ((8a c + 4b c)d m + 24a c d)x + 4a b c d m + (12a b c - 2b)d
--R
--R
          m \log(2c d x + b d)
--R
        %e
--R
--R.
                         m + 3
--R.
      (-m-1)(2c d x + b d)
--R
--R
                2 2
                                  2 2
--R
       ((-4a c + b)d m + (-12a c + 3b)d)(2c d x + b d)
--R /
       2 3 2 2 3 2 3
--R
--R
      8c d m + 32c d m + 24c d
```

```
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1258
--S 1259 of 1581
d0:=normalize m0
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1259
)clear all
--S 1260 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^4*(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
--R (1)
--R 5 4 6 4 4 5 4 2 3 4 4 3 3 2 4 3
     16c d x + 48b c d x + (16a c + 56b c )d x + (32a b c + 32b c )d x
--R
--R +
--R
          2 2 4 4 2 3 5 4 4 4
      (24a b c + 9b c)d x + (8a b c + b )d x + a b d
--R
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 1260
--S 1261 of 1581
r0:=-1/40*(b^2-4*a*c)*d^4*(b+2*c*x)^5/c^2+1/56*d^4*(b+2*c*x)^7/c^2
--R
--R
--R
    (2)
       16 7 4 7 6 4 6 16 6 56 2 5 4 5 5 3 4 4 4
--R
--R
        -- c d x + 8b c d x + (-- a c + -- b c )d x + (8a b c + 8b c )d x
--R
                            5 5
--R
           24 43 43 33 1 5 2 4 2
--R
      (8a b c + 3b c )d x + (4a b c + - b c )d x + a b c d x
--R
--R
--R
         1 5 1 7 4
--R
      (-- a b c - --- b )d
--R
                140
--R
        10
--R /
--R
      2
--R
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1261
--S 1262 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R (3)
--R 16 5 4 7 4 4 6 16 4 56 2 3 4 5 3 3 2 4 4
     -- c d x + 8b c d x + (-- a c + -- b c )d x + (8a b c + 8b c )d x
--R
--R
                          5
--R
         2 2 4 4 3 3 1 5 4 2
--R
      (8a b c + 3b c)d x + (4a b c + - b)d x + a b d x
--R
--R
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1262
--S 1263 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
           1 5 1 7 4
--R
        (- -- a b c + --- b )d
--R
--R
         10 140
--R (4) -----
--R
                 2
--R
                 С
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1263
--S 1264 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1264
)clear all
--S 1265 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^3*(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
--R
    4 3 5 3 3 4 3 2 2 3 3
--R
--R
     8c d x + 20b c d x + (8a c + 18b c )d x + (12a b c + 7b c)d x
--R +
--R
      2 4 3 3 3
--R
     (6a b c + b )d x + a b d
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 1265
--S 1266 of 1581
```

```
r0:=-1/32*(b^2-4*a*c)*d^3*(b+2*c*x)^4/c^2+1/48*d^3*(b+2*c*x)^6/c^2
--R
--R
--R (2)
--R 4 6 3 6 5 3 5 5 9 2 4 3 4 4 7 3 3 3 3
      - c d x + 4b c d x + (2a c + - b c )d x + (4a b c + - b c )d x
--R
--R
--R
          23 1 4 2 3 2 3 2 3 1 4
--R
                                             1 6 3
      (3a b c + - b c )d x + a b c d x + (- a b c - -- b )d
--R
--R
                                    8 96
--R /
     2
--R
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1266
--S 1267 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 4 4 3 6 3 3 5 3 9 2 2 3 4 2 7 3 3 3
     - c d x + 4b c d x + (2a c + - b c )d x + (4a b c + - b c)d x
--R
--R
--R +
   2 1 4 3 2 3 3
--R
--R
    (3a b c + - b )d x + a b d x
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1267
--S 1268 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 4 1 6 3
       (- - a b c + -- b )d
--R
--R
        8 96
--R (4) -----
--R
--R
               С
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1268
--S 1269 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
```

```
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1269
)clear all
--S 1270 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^2*(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
         3 2 4 2 2 3 2 2 2 2
--R
                                                    3 2
--R (1) 4c d x + 8b c d x + (4a c + 5b c) d x + (4a b c + b) d x + a b d
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 1270
--S 1271 of 1581
r0:=-1/24*(b^2-4*a*c)*d^2*(b+2*c*x)^3/c^2+1/40*d^2*(b+2*c*x)^5/c^2
--R
--R
--R (2)
      4 5 2 5 4 2 4 4 4 5 2 3 2 3 3 1 3 2 2 2
--R
--R
      - c d x + 2b c d x + (- a c + - b c )d x + (2a b c + - b c )d x
     5
--R
                           3 3
--R
--R
       2 2 2 1 3 1 5 2
        a b c d x + (- a b c - -- b)d
--R
                  6
--R
                          60
--R /
--R
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1271
--S 1272 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 4 3 2 5 2 2 4 4 2 5 2 2 3 1 3 2 2
--R - c d x + 2b c d x + (- a c + - b c)d x + (2a b c + - b )d x + a b d x
--R 5
                        3 3
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1272
--S 1273 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          1 3 1 5 2
        (- - a b c + -- b )d
--R
--R
         6
                  60
```

```
--R
    (4) -----
--R
                  2
--R
                  С
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1273
--S 1274 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1274
)clear all
--S 1275 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)*(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
--R
--R (1) 2c d x + 3b c d x + (2a c + b )d x + a b d
--R
                                                 Type: Polynomial(Integer)
--E 1275
--S 1276 of 1581
r0:=1/2*d*(a+b*x+c*x^2)^2
--R
--R
--R 1 2 4 3 1 2 2
--R (2) - c d x + b c d x + (a c + - b )d x + a b d x + - a d
                                   2
--R
--R
                                        Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1276
--S 1277 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                                  1 2 2
    (3) - c d x + b c d x + (a c + - b )d x + a b d x
--R
--R
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1277
--S 1278 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R 1 2
```

```
--R (4) - - a d
--R
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1278
--S 1279 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1279
)clear all
--S 1280 of 1581
t0:=a+b*x+c*x^2
--R
--R
--R
--R (1) c x + b x + a
--R
                                                  Type: Polynomial(Integer)
--E 1280
--S 1281 of 1581
r0:=a*x+1/2*b*x^2+1/3*c*x^3
--R
--R
    1 3 1 2
--R
--R (2) - c x + - b x + a x
--R
      3 2
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1281
--S 1282 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
        1 3 1 2
--R
    (3) - c x + - b x + a x
--R
        3
--R
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1282
--S 1283 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
```

```
--E 1283
--S 1284 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1284
)clear all
--S 1285 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)/(b*d+2*c*d*x)
--R
--R
--R
           2
      c x + b x + a
--R
--R (1) -----
--R
         2c d x + b d
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1285
--S 1286 of 1581
r0:=1/4*b*x/(c*d)+1/4*x^2/d-1/8*(b^2-4*a*c)*log(b+2*c*x)/(c^2*d)
--R
--R
--R
                                    2 2
--R
         (4a c - b) \log(2c x + b) + 2c x + 2b c x
--R
    (2) -----
--R
                             2
--R
                           8c d
                                                   Type: Expression(Integer)
--R
--E 1286
--S 1287 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                  2
--R
         (4a c - b) \log(2c x + b) + 2c x + 2b c x
--R
--R
                             2
--R
                           8c d
--R
                                        Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1287
--S 1288 of 1581
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1288
--S 1289 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1289
)clear all
--S 1290 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)/(b*d+2*c*d*x)^2
--R
--R
--R
--R
          cx + bx + a
--R (1) -----
        2 2 2 2 2 2 2
--R
--R
        4cdx + 4bcdx + bd
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1290
--S 1291 of 1581
r0:=1/4*x/(c*d^2)+1/8*(b^2-4*a*c)/(c^2*d^2*(b+2*c*x))
--R
--R
       1 2 2 1 1 1 2
--R
--R
        - c x + - b c x - - a c + -- b
       4 8 4 16
--R (2) -----
              3 2 1 2 2
--R
              c d x + - b c d
--R
--R
                     2
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1291
--S 1292 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
         2 2
--R
       4c x + 2b c x - 4a c + b
--R (3) -----
         3 2 2 2
--R
           16c d x + 8b c d
--R
```

```
Type: Union(Expression(Integer),...)
--R
--E 1292
--S 1293 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1293
--S 1294 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1294
)clear all
--S 1295 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)/(b*d+2*c*d*x)^3
--R
--R
--R
                cx + bx + a
--R
--R
         3 3 3 2 3 2 2 3 3 3
--R
--R
         8c d x + 12b c d x + 6b c d x + b d
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1295
--S 1296 of 1581
r0:=1/16*(b^2-4*a*c)/(c^2*d^3*(b+2*c*x)^2)+1/8*log(b+2*c*x)/(c^2*d^3)
--R
--R
--R
          2 2
                         2
        (8c x + 8b c x + 2b) \log(2c x + b) - 4a c + b
--R
    (2) -----
--R
                  4 3 2 3 3 2 2 3
--R
--R
              64c d x + 64b c d x + 16b c d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1296
--S 1297 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
            2 2
                2
                                                 2
```

```
--R
        (8c x + 8b c x + 2b) \log(2c x + b) - 4a c + b
--R
--R
              4 3 2 3 3 2 2 3
--R
             64c d x + 64b c d x + 16b c d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1297
--S 1298 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1298
--S 1299 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1299
)clear all
--S 1300 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)/(b*d+2*c*d*x)^4
--R
--R
--R
                         2
--R
                      cx + bx + a
--R (1) -----
         4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
--R
       16c d x + 32b c d x + 24b c d x + 8b c d x + b d
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1300
--S 1301 of 1581
r0:=1/24*(b^2-4*a*c)/(c^2*d^4*(b+2*c*x)^3)+(-1/8)/(c^2*d^4*(b+2*c*x))
--R
--R
                                    1 2
--R
            1 2 2 1
                             1
--R.
          - -- c x - -- b c x - -- a c - -- b
--R.
           16 16 48 96
--R (2) ------
        5 4 3 3 4 4 2 3 2 3 4 1 3 2 4
--R
--R
        cdx + -bcdx + -bcdx + -bcd
--R
               2
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1301
```

```
--S 1302 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                  2 2
--R
              - 6c x - 6b c x - 2a c - b
--R (3) -----
        5 4 3 4 4 2 2 3 4 3 2 4
--R
--R
       96c d x + 144b c d x + 72b c d x + 12b c d
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1302
--S 1303 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1303
--S 1304 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1304
)clear all
--S 1305 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)/(b*d+2*c*d*x)^5
--R
--R
                             2
--R
                           cx + bx + a
   (1) -----
--R
         5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
--R
        32c d x + 80b c d x + 80b c d x + 40b c d x + 10b c d x + b d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1305
--S 1306 of 1581
r0:=1/2*(a+b*x+c*x^2)^2/((b^2-4*a*c)*d^5*(b+2*c*x)^4)
--R
--R
--R (2)
    1 2 4 1 3 1 1 2 2 1 1 2
--R
      ----cx ----bcx + (----ac----b)x ----abx-----a
--R
```

```
128 64 64 128 64 128
--R
--R /
       5 1 2 4 5 4 4 1 3 3 5 3 3 2 3 3 4 2 5 2
--R
--R
       (a c -- b c) d x + (2a b c -- b c) d x + (- a b c -- b c) d x
                 2 2
--R
--R
--R
      1 32 1 5 5
                        1 4
--R
       (-abc - -bc)dx + (--abc - --b)d
       2 8 16 64
--R
--R
                        Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1306
--S 1307 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
                     2 2
                 - 8c x - 8b c x - 4a c - b
--R
--R (3) -----
        654 553 2452 335 425
--R
--R
       512c d x + 1024b c d x + 768b c d x + 256b c d x + 32b c d
--R
                              Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1307
--S 1308 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
         1
--R
--R (4) -----
       3 225
--R
--R
      (128a c - 32b c )d
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1308
--S 1309 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1309
)clear all
--S 1310 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)/(b*d+2*c*d*x)^6
--R
--R
--R (1)
```

```
--R
--R c x + b x + a
--R /
--R
          6 6 6 5 6 5 2 4 6 4 3 3 6 3 4 2 6 2
--R
       64c d x + 192b c d x + 240b c d x + 160b c d x + 60b c d x
--R
--R
         5 6 66
--R
       12b c d x + b d
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1310
--S 1311 of 1581
\texttt{r0} := 1/40*(\texttt{b}^2 - 4*\texttt{a}*\texttt{c})/(\texttt{c}^2*\texttt{d}^6*(\texttt{b} + 2*\texttt{c}*\texttt{x})^5) + (-1/24)/(\texttt{c}^2*\texttt{d}^6*(\texttt{b} + 2*\texttt{c}*\texttt{x})^3)
--R
--R
--R
                       1 22 1
                                          1
--R
                     - --- c x - --- b c x - --- a c - --- b
--R
                      192 192 320 1920
--R (2) ------
         765 5 664 5 2 563 5 3 4 6 2 5 4 3 6 1 5 2 6
--R
--R
         c d x + - b c d x + - b c d x + - b c d x + -- b c d x + -- b c d
                            2 4 16
--R
                 2
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1311
--S 1312 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 2 2
--R
     - 10c x - 10b c x - 6a c - b
--R /
           765 664 2563 3462 436
--R
--R
       1920c d x + 4800b c d x + 4800b c d x + 2400b c d x + 600b c d x
--R
--R
         5 2 6
--R
       60b c d
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1312
--S 1313 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1313
--S 1314 of 1581
```

```
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1314
)clear all
--S 1315 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)/(b*d+2*c*d*x)^7
--R
--R
   (1)
--R
--R 2
--R
     c x + b x + a
--R /
--R
         777 676 2575 3474 4373
--R
      128c d x + 448b c d x + 672b c d x + 560b c d x + 280b c d x
--R
--R
        5 2 7 2 6 7 7 7
--R
       84b c d x + 14b c d x + b d
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1315
--S 1316 of 1581
r0:=1/48*(b^2-4*a*c)/(c^2*d^7*(b+2*c*x)^6)+(-1/32)/(c^2*d^7*(b+2*c*x)^4)
--R
--R
--R (2)
--R 1 2 2 1 1 1 2
      - --- c x - --- b c x - --- a c - --- b
--R
--R
      512
               512
                         768 6144
--R /
       8 7 6 7 7 5 15 2 6 7 4 5 3 5 7 3 15 4 4 7 2 3 5 3 7
--R
      cdx + 3b cdx + -- b cdx + - b cdx + -- b cdx + -- b cdx
--R
                                   2
                                             16
--R
                         4
--R
       1 6 2 7
--R
--R
       -- b c d
--R
        64
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1316
--S 1317 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
     2 2
                             2
```

```
- 12c x - 12b c x - 8a c - b
--R
--R /
--R
            8 7 6 7 7 5 2 6 7 4 3 5 7 3 4 4 7 2
--R
       6144c d x + 18432b c d x + 23040b c d x + 15360b c d x + 5760b c d x
--R
--R
            5 3 7
                    6 2 7
--R
       1152b c d x + 96b c d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1317
--S 1318 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1318
--S 1319 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1319
)clear all
--S 1320 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)/(b*d+2*c*d*x)^8
--R
--R
--R
    (1)
--R
     c x + b x + a
--R
--R /
                       787 2686 3585
--R
          888
--R
       256c d x + 1024b c d x + 1792b c d x + 1792b c d x + 1120b c d x
--R
--R
          5 3 8 3 6 2 8 2
                                 7 8 88
--R
       448b c d x + 112b c d x + 16b c d x + b d
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1320
--S 1321 of 1581
 r0:=1/56*(b^2-4*a*c)/(c^2*d^8*(b+2*c*x)^7)+(-1/40)/(c^2*d^8*(b+2*c*x)^5) 
--R
--R
--R (2)
         1 2 2 1 1 1 2
--R
```

```
--R
     - ---- c x - ---- b c x - ---- b
--R
        1280 1280 1792 17920
--R /
--R
        987 7 886 21 2785 35 3684 35 4583
        c d x + - b c d x + -- b c d x + -- b c d x
--R
--R
--R
        21 5 4 8 2 7 6 3 8 1 7 2 8
--R
        -- b c d x + -- b c d x + --- b c d
--R
                   64
--R
                              128
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1321
--S 1322 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 2 2
--R
     - 14c x - 14b c x - 10a c - b
--R /
           987 886 2785 3684
--R
--R
      17920c d x + 62720b c d x + 94080b c d x + 78400b c d x
--R
--R
             4 5 8 3 5 4 8 2
                                     6 3 8
--R
        39200b c d x + 11760b c d x + 1960b c d x + 140b c d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1322
--S 1323 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1323
--S 1324 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R.
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1324
)clear all
--S 1325 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^m*(a+b*x+c*x^2)^2
--R
```

```
--R
     2 4 3 2 2
--R
                                             2
--R
    (1) (c x + 2b c x + (2a c + b)x + 2a b x + a)(2c d x + b d)
--R.
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1325
--S 1326 of 1581
r0:=1/32*(b^2-4*a*c)^2*(b*d+2*c*d*x)^(1+m)/(c^3*d*(1+m))-_
    1/16*(b^2-4*a*c)*(b*d+2*c*d*x)^(3+m)/(c^3*d^3*(3+m))+_
    1/32*(b*d+2*c*d*x)^(5+m)/(c^3*d^5*(5+m))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                              m + 5
--R
        (m + 4m + 3)(2c d x + b d)
--R
--R
                  2 2 2
                                  2 2
--R
         ((8a c - 2b)d m + (48a c - 12b)d m + (40a c - 10b)d)
--R
--R
                    m + 3
--R
          (2c d x + b d)
--R
                  2 4 4 2 2 2 2 4 4
--R
             2 2
--R
           (16a c - 8a b c + b )d m + (128a c - 64a b c + 8b )d m
--R
                   2 4 4
--R
               2 2
--R
           (240a c - 120a b c + 15b )d
--R
--R
                    m + 1
--R.
         (2c d x + b d)
--R /
        353 352 35 35
--R
--R
      32c d m + 288c d m + 736c d m + 480c d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1326
--S 1327 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
                                          4 4 4
--R
           5 2 5 5 5 4 2
--R.
         (4c m + 16c m + 12c)x + (10b c m + 40b c m + 30b c)x
--R.
--R
             4 232 4
                                    2 3 4
          ((8a c + 8b c)m + (48a c + 28b c)m + 40a c + 20b c)x
--R
--R
--R
                3 322
                                  3 32
         ((12a b c + 2b c )m + (72a b c + 2b c )m + 60a b c )x
--R
--R
```

```
23 22 2 23 22
--R
                                          4 23
--R
         ((4a c + 4a b c )m + (32a c + 20a b c - 2b c)m + 60a c )x
--R
--R
          2 2 2 2 2
                             3
                                      2 2
--R
        2a b c m + (16a b c - 2a b c)m + 30a b c - 10a b c + b
--R
--R
       m \log(2c d x + b d)
--R
       %e
--R /
--R
      3 3
             3 2
                    3
--R
      4c m + 36c m + 92c m + 60c
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1327
--S 1328 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)
            552 55 555
--R
--R
          (32c d m + 128c d m + 96c d)x
--R
--R
              452 45 454
          (80b c d m + 320b c d m + 240b c d)x
--R
--R
                 4 2 3 5 2 4 2 3 5
--R
--R
             (64a c + 64b c)d m + (384a c + 224b c)d m
--R
--R
                  4 235
--R
             (320a c + 160b c )d
--R
--R
            3
--R
           x
--R
--R
                     3 2 5 2
                                     3
                                           325
          ((96a b c + 16b c )d m + (576a b c + 16b c )d m + 480a b c d )x
--R
--R
--R
                 2 3 2 2 5 2
                                  2 3
                                           2 2
              (32a c + 32a b c)d m + (256a c + 160a b c - 16b c)d m
--R
--R
--R
               2 3 5
             480a c d
--R
--R.
--R
--R
           2 2 5 2 2 3 5 2 2 3 5 5
--R
--R
         16a b c d m + (128a b c - 16a b c)d m + (240a b c - 80a b c + 8b )d
--R
--R
          m \log(2c d x + b d)
--R
         %e
```

```
--R
--R
                              m + 5
--R
       (-m - 4m - 3)(2c d x + b d)
--R
--R
                   2 2 2
                                    2 2
--R
        ((-8a c + 2b)d m + (-48a c + 12b)d m + (-40a c + 10b)d)
--R
--R
                   m + 3
        (2c d x + b d)
--R
--R
--R
               2 2 2 4 4 2
                                       2 2 2 4 4
          (- 16a c + 8a b c - b )d m + (- 128a c + 64a b c - 8b )d m
--R
--R
                      2
--R
               2 2
--R
         (- 240a c + 120a b c - 15b )d
--R
--R
                  m + 1
--R
        (2c d x + b d)
--R /
       353 352 35 35
--R
--R
      32c d m + 288c d m + 736c d m + 480c d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1328
--S 1329 of 1581
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1329
)clear all
--S 1330 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^5*(a+b*x+c*x^2)^2
--R
--R
--R
    (1)
     7 5 9 6 5 8 6 2 5 5 7
--R
     32c d x + 144b c d x + (64a c + 272b c) d x + (224a b c + 280b c) d x
--R
--R
--R
        25 24 4355 24
                                                3 3 5 2 5 4
--R
     (32a c + 320a b c + 170b c )d x + (80a b c + 240a b c + 61b c )d x
--R
--R
        2 2 3 4 2
                          6 5 3 2 3 2 5 7 5 2
--R
     (80a b c + 100a b c + 12b c)d x + (40a b c + 22a b c + b)d x
--R
       24 65 255
--R
--R
     (10a b c + 2a b)d x + a b d
```

```
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 1330
--S 1331 of 1581
r0:=1/192*(b^2-4*a*c)^2*d^5*(b+2*c*x)^6/c^3-_
    1/128*(b^2-4*a*c)*d^5*(b+2*c*x)^8/c^3+1/320*d^5*(b+2*c*x)^10/c^3
--R
--R
    (2)
        16 10 5 10 9 5 9
--R
                                9
                                      28 58
                                                      8
                                                            3 7 5 7
--R
        -- c d x + 16b c d x + (8a c + 34b c )d x + (32a b c + 40b c )d x
--R
--R
        16 2 8 160 2 7 85 4 6 5 6
--R
--R
        (-- a c + --- a b c + -- b c )d x
--R
                3
--R
--R
           2 7 3 6 61 5 5 5 5 2 2 6 4 5 6 4 5 4
        (16a b c + 48a b c + -- b c) d x + (20a b c + 25a b c + 3b c) d x
--R
--R
--R
       40 2 3 5 22 5 4 1 7 3 5 3 2 4 4 6 3 5 2 2 5 3 5
--R
--R
        (-- a b c + -- a b c + - b c ) d x + (5a b c + a b c ) d x + a b c d x
--R
                  3
                           3
        3
--R
--R
         1 2 6 2 1 8 1 10 5
        (-- a b c - -- a b c + ---- b )d
--R
--R
                 96
--R /
--R
      3
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1331
--S 1332 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
     16 7 5 10 6 5 9 6 2 5 5 8
--R
--R
      -- c d x + 16b c d x + (8a c + 34b c) d x + (32a b c + 40b c) d x
--R
--R
--R.
      16 2 5 160 2 4 85 4 3 5 6 2 4 3 3 61 5 2 5 5
--R
      (-- a c + --- a b c + -- b c )d x + (16a b c + 48a b c + -- b c )d x
--R
              .3
                          .3
--R +
        2 2 3 4 2 6 5 4 40 2 3 2 22 5 1 7 5 3
--R
      (20a b c + 25a b c + 3b c)d x + (-- a b c + -- a b c + - b )d x
--R
--R
                                             3
                                     3
```

```
--R +
     24 652 255
--R
--R
     (5abc+ab)dx +abdx
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1332
--S 1333 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
           1 2 6 2 1 8
                              1 10 5
        (---abc +--abc ----b)d
--R
          12 96 1920
--R
--R
    (4) -----
--R
                      3
--R
                       С
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1333
--S 1334 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1334
)clear all
--S 1335 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^4*(a+b*x+c*x^2)^2
--R
--R
--R (1)
                          5
--R
        6 4 8 5 4 7
                                   2 4 4 6
     16c d x + 64b c d x + (32a c + 104b c )d x + (96a b c + 88b c )d x
--R
--R +
--R
               2 3
                         4 2 4 4
                                     2 3
                                               3 2
--R
     (16a c + 112a b c + 41b c )d x + (32a b c + 64a b c + 10b c)d x
--R
--R
        2 2 2
                 4 6 4 2
                                 23 54 244
     (24a b c + 18a b c + b )d x + (8a b c + 2a b )d x + a b d
--R
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 1335
--S 1336 of 1581
r0:=1/160*(b^2-4*a*c)^2*d^4*(b+2*c*x)^5/c^3-
    1/112*(b^2-4*a*c)*d^4*(b+2*c*x)^7/c^3+1/288*d^4*(b+2*c*x)^9/c^3
--R
--R
```

```
--R
    (2)
       16 9 4 9 8 4 8 32 8 104 2 7 4 7
--R
--R
       -- c d x + 8b c d x + (-- a c + --- b c) d x
--R
--R
--R
          7 44 3 6 4 6 16 2 7 112 2 6 41 4 5 4 5
--R
      (16a b c + -- b c )d x + (-- a c + --- a b c + -- b c )d x
--R
--R
        2 6 3 5 5 5 4 4 4 2 2 5 4 4 1 6 3 4 3
--R
--R
       (8a b c + 16a b c + - b c )d x + (8a b c + 6a b c + - b c )d x
--R
--R
        234 5342 2434 1252 1 7
--R
--R
       (4a b c + a b c )d x + a b c d x + (-- a b c - -- a b c + ---- b )d
--R
                                            70
                                    10
--R /
--R
     3
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1336
--S 1337 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
    16 6 4 9 5 4 8 32 5 104 2 4 4 7 4 44 3 3 4 6
--R
--R
      -- c d x + 8b c d x + (-- a c + --- b c )d x + (16a b c + -- b c )d x
--R
                        7 7
--R
     16 2 4 112 2 3 41 4 2 4 5 2 3 3 2 5 5 4 4
--R
--R
      (--ac + ---abc + ---bc)dx + (8abc + 16abc + -bc)dx
--R
--R
      2 2 2 4 1 6 4 3
                               23 542 244
--R
--R
      (8a b c + 6a b c + - b)d x + (4a b c + a b)d x + a b d x
--R
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1337
--S 1338 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
          1 2 5 2 1 7 1 9 4
--R
--R
        (- -- a b c + -- a b c - ---- b )d
--R
        10 70 1260
--R (4) -----
--R
                   3
```

```
--R
                       С
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1338
--S 1339 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1339
)clear all
--S 1340 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^3*(a+b*x+c*x^2)^2
--R
--R
--R (1)
      5 3 7 4 3 6 4 2 3 3 5 3 3 2 3 4
--R
--R
     8c d x + 28b c d x + (16a c + 38b c )d x + (40a b c + 25b c )d x
--R +
--R
       23 22 4 33 2 2 3 5 3 2
--R
     (8a c + 36a b c + 8b c)d x + (12a b c + 14a b c + b )d x
--R
       2 2 4 3 2 3 3
--R
--R
      (6a b c + 2a b)d x + a b d
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 1340
--S 1341 of 1581
\texttt{r0:=1/12*(b^2-4*a*c)*d^3*(a+b*x+c*x^2)^3+1/4*d^3*(b+2*c*x)^2*(a+b*x+c*x^2)^3}
--R
--R
--R
     5 3 8 4 3 7 8 4 19 2 3 3 6 3 3 2 3 5
--R
--R
      cdx + 4b cdx + (- a c + -- b c)dx + (8a b c + 5b c)dx
--R
                        3
--R
       23 22 4 34 2 2 14 3 1 5 3 3
--R
     (2a c + 9a b c + 2b c)d x + (4a b c + -- a b c + - b)d x
--R
--R
--R +
--R
       2 2 4 3 2 2 3 3 1 4 1 3 2 3
     (3a b c + a b )d x + a b d x + (- - a c + - a b )d
--R
--R
                                   3 3
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1341
--S 1342 of 1581
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
   5 3 8 4 3 7 8 4 19 2 3 3 6 3 3 2 3 5
--R
     cdx + 4bcdx + (- ac + -- bc)dx + (8abc + 5bc)dx
--R
                       3 3
--R
--R
      23 22 4 34 2 2 14 3 1 5 3 3
--R
     (2a c + 9a b c + 2b c)d x + (4a b c + -- a b c + - b )d x
--R
--R
--R
       2 2 4 3 2 2 3 3
--R
--R
     (3abc+ab)dx+abdx
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1342
--S 1343 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
     1 4 1 3 2 3
--R (4) (- a c - - a b )d
--R
        3
              3
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1343
--S 1344 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1344
)clear all
--S 1345 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^2*(a+b*x+c*x^2)^2
--R
--R
--R
   (1)
--R.
     4 2 6 3 2 5 3 2 2 2 4 2 3 2 3
--R
     4c d x + 12b c d x + (8a c + 13b c )d x + (16a b c + 6b c)d x
--R +
             2 4 2 2
                                  3 2
--R
       2 2
                              2
                                             2 2 2
--R
     (4a c + 10a b c + b) d x + (4a b c + 2a b) d x + a b d
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 1345
```

```
--S 1346 of 1581
r0:=1/96*(b^2-4*a*c)^2*d^2*(b+2*c*x)^3/c^3-_
    1/80*(b^2-4*a*c)*d^2*(b+2*c*x)^5/c^3+1/224*d^2*(b+2*c*x)^7/c^3
--R
--R
--R
    (2)
       4 7 2 7 6 2 6 8 6 13 2 5 2 5 5 3 3 4 2 4
--R
--R
       - c d x + 2b c d x + (- a c + -- b c )d x + (4a b c + - b c )d x
                         5
--R
--R
--R
        4 2 5 10 2 4 1 4 3 2 3 2 4
                                              3 3 2 2
                                                        2 2 3 2
      (- a c + -- a b c + - b c ) d x + (2a b c + a b c ) d x + a b c d x
--R
               3
--R
--R
--R
       1 2 3 2 1 5 1 7 2
       (- a b c - -- a b c + --- b )d
--R
--R
             30 420
--R /
--R
      3
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1346
--S 1347 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
   4 4 2 7 3 2 6 8 3 13 2 2 2 5 2 3 3 2 4
--R
--R
     - c d x + 2b c d x + (- a c + -- b c )d x + (4a b c + - b c)d x
--R
--R +
                                 2
--R
     4 2 2 10 2 1 4 2 3
                                         3 2 2 2 2 2
     (-ac + -- abc + -b)dx + (2abc + ab)dx + abdx
--R
                     3
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1347
--S 1348 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R.
          1 2 3 2 1 5 1 7 2
--R.
        (- - a b c + -- a b c - --- b )d
--R.
         6 30 420
--R (4) -----
--R
                     3
--R
                     С
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1348
```

```
--S 1349 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1349
)clear all
--S 1350 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)*(a+b*x+c*x^2)^2
--R
--R
--R
   (1)
--R 3 5 2 4 2 2
                                   3
--R
     2c d x + 5b c d x + (4a c + 4b c)d x + (6a b c + b )d x
--R +
       2 2 2
--R
--R
      (2a c + 2a b)d x + a b d
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--E 1350
--S 1351 of 1581
r0:=1/3*d*(a+b*x+c*x^2)^3
--R
--R
--R
   (2)
--R 1 3 6 2 5 2 2
                                4
                                       1 3 3
--R
     - c d x + b c d x + (a c + b c) d x + (2a b c + - b) d x
--R
--R +
      2 2 2 2
--R
--R
      (ac+ab)dx+abdx+-ad
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1351
--S 1352 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 1 3 6 2 5 2 2 4
   - c d x + b c d x + (a c + b c)d x + (2a b c + - b )d x
--R
--R
--R +
--R
      2 2 2 2
     (ac+ab)dx +abdx
--R
```

```
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1352
--S 1353 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 3
--R (4) - - a d
         3
--R
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1353
--S 1354 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1354
)clear all
--S 1355 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^2
--R
--R
    2 4 3 2 2
--R (1) c x + 2b c x + (2a c + b )x + 2a b x + a
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--Е 1355
--S 1356 of 1581
r0:=a^2*x+a*b*x^2+1/3*(b^2+2*a*c)*x^3+1/2*b*c*x^4+1/5*c^2*x^5
--R
--R
--R
       1 2 5 1 4 2
                               1 2 3 2 2
--R (2) - c x + - b c x + (- a c + - b )x + a b x + a x
               2 3
--R
                               3
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--R
--E 1356
--S 1357 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
       1 2 5 1 4 2 1 2 3 2 2
--R (3) -cx + -bcx + (-ac+-b)x + abx + ax
        5 2 3
                               3
--R
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
```

```
--E 1357
--S 1358 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1358
--S 1359 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1359
)clear all
--S 1360 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^2/(b*d+2*c*d*x)
--R
--R
         2 4 3 2 2
--R
--R
         c x + 2b c x + (2a c + b)x + 2a b x + a
--R
--R
                        2c d x + b d
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1360
--S 1361 of 1581
r0:=-1/32*(b^2-4*a*c)*(b+2*c*x)^2/(c^3*d)+_
    1/128*(b+2*c*x)^4/(c^3*d)+1/32*(b^2-4*a*c)^2*log(b+2*c*x)/(c^3*d)
--R
--R
--R
    (2)
--R
            2 2 2
                           4
                                               4 4 3 3
--R
        (64a c - 32a b c + 4b) \log(2c x + b) + 16c x + 32b c x
--R
--R
                  222
                                        3
--R
        (64a c + 8b c )x + (64a b c - 8b c)x + 16a b c - 3b
--R /
--R
--R
       128c d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1361
--S 1362 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
```

```
--R
--R
--R (3)
          2 2 2 4
--R
                                       4 4 3 3
--R
      (16a c - 8a b c + b )log(2c x + b) + 4c x + 8b c x
--R
           3 222 2 3
--R
--R
      (16a c + 2b c)x + (16a b c - 2b c)x
--R /
--R
--R
      32c d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1362
--S 1363 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
             2 4
--R
     - 16a b c + 3b
--R
--R (4) -----
--R
          3
           128c d
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1363
--S 1364 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1364
)clear all
--S 1365 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^2/(b*d+2*c*d*x)^2
--R
--R
         2 4 3
--R
                            2 2
       c x + 2b c x + (2a c + b)x + 2a b x + a
--R
--R (1) -----
--R
                 2 2 2 2 2 2 2
--R
                 4c d x + 4b c d x + b d
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1365
--S 1366 of 1581
r0:=-1/16*(b^2-8*a*c)*x/(c^2*d^2)+1/8*b*x^2/(c*d^2)+_
```

```
1/12*x^3/d^2-1/32*(b^2-4*a*c)^2/(c^3*d^2*(b+2*c*x))
--R
--R
--R
   (2)
     --R
       -- c x + - b c x + - a c x + (- a b c - -- b c)x - - a c + - a b c
--R
      12 6 2 4 32 4 8
--R
--R
--R
        1 4
      - -- b
--R
--R
        64
--R /
      4 2 1 3 2
--R
--R
     c d x + - b c d
--R
          2
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1366
--S 1367 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R 44 33 32 23 22 2
    16c x + 32b c x + 96a c x + (48a b c - 6b c)x - 48a c + 24a b c - 3b
--R
--R
                            4 2
--R
--R
                          192c d x + 96b c d
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1367
--S 1368 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1368
--S 1369 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1369
)clear all
--S 1370 of 1581
```

```
t0:=(a+b*x+c*x^2)^2/(b*d+2*c*d*x)^3
--R
--R
        2 4 3 2 2
--R
--R
        c x + 2b c x + (2a c + b)x + 2a b x + a
--R
            3 3 3 2 3 2 2 3 3 3
--R
--R
          8c d x + 12b c d x + 6b c d x + b d
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1370
--S 1371 of 1581
r0:=1/16*b*x/(c^2*d^3)+1/16*x^2/(c*d^3)-_
    1/64*(b^2-4*a*c)^2/(c^3*d^3*(b+2*c*x)^2)-_
    1/16*(b^2-4*a*c)*log(b+2*c*x)/(c^3*d^3)
--R
--R
--R (2)
--R
            3 222
                                 2 3
--R
        ((64a c - 16b c)x + (64a b c - 16b c)x + 16a b c - 4b)\log(2c x + b)
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3 2 2 4
--R
--R
        16c x + 32b c x + 20b c x + 4b c x - 16a c + 8a b c - b
--R /
--R
         5 3 2 4 3 2 3 3
--R
      256c d x + 256b c d x + 64b c d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1371
--S 1372 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
             3
                  2 2 2
                                2
                                       3
        ((64a c - 16b c)x + (64a b c - 16b c)x + 16a b c - 4b)log(2c x + b)
--R
--R
--R
                  3 3
                         2 2 2 3
                                           2 2
        16c x + 32b c x + 20b c x + 4b c x - 16a c + 8a b c - b
--R
--R /
--R
         5 3 2
                 4 3
                           2 3 3
      256c d x + 256b c d x + 64b c d
--R
--R.
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1372
--S 1373 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
```

```
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1373
--S 1374 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1374
)clear all
--S 1375 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^2/(b*d+2*c*d*x)^4
--R
--R
--R
           2 4
                     3
                               2 2
--R
          c x + 2b c x + (2a c + b)x + 2a b x + a
--R (1) ------
         4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4 4
--R
       16c d x + 32b c d x + 24b c d x + 8b c d x + b d
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1375
--S 1376 of 1581
r0:=1/16*x/(c^2*d^4)-1/96*(b^2-4*a*c)^2/(c^3*d^4*(b+2*c*x)^3)+_
    1/16*(b^2-4*a*c)/(c^3*d^4*(b+2*c*x))
--R
--R
--R
   (2)
       1 4 4 3 3 3 1 3 5 2 2 2 1 2 5 3
--R
--R
       -- c x + -- b c x + (- - a c + -- b c)x + (- - a b c + --- b c)x
--R
      16 32 8
--R
         1 2 2 1 2
--R
                          5 4
      - -- a c - -- a b c + --- b
--R
                48
                          768
--R
         48
--R /
      643 3 542 3 244 1 334
--R
      c d x + - b c d x + - b c d x + - b c d
--R
          2
--R
                       4
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1376
--S 1377 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
4 4 3 3 3 2 2 2 2 3
--R
--R
      48c x + 72b c x + (- 96a c + 60b c )x + (- 96a b c + 30b c)x
--R
           2 2 2
--R
--R
       - 16a c - 16a b c + 5b
--R /
        6 4 3 5 4 2 2 4 4 3 3 4
--R
--R
      768c d x + 1152b c d x + 576b c d x + 96b c d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1377
--S 1378 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R.
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1378
--S 1379 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1379
)clear all
--S 1380 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^2/(b*d+2*c*d*x)^5
--R
--R
                  2 4 3 2 2
--R
--R
                 c x + 2b c x + (2a c + b)x + 2a b x + a
--R
         5 5 5 4 5 4 5 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5
--R
--R
        32c d x + 80b c d x + 80b c d x + 40b c d x + 10b c d x + b d
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1380
--S 1381 of 1581
r0:=-1/128*(b^2-4*a*c)^2/(c^3*d^5*(b+2*c*x)^4)+_
    1/32*(b^2-4*a*c)/(c^3*d^5*(b+2*c*x)^2)+1/32*log(b+2*c*x)/(c^3*d^5)
--R
--R
--R (2)
          4 4 3 3 2 2 2 3
--R
      (64c x + 128b c x + 96b c x + 32b c x + 4b) \log(2c x + b)
--R
--R
```

```
3 2 2 2 2 3 2 2 4
--R
--R (- 64a c + 16b c)x + (- 64a b c + 16b c)x - 16a c - 8a b c + 3b
--R /
--R
                653 2552
                                           3 4 5 4 3 5
--R
      2048c\ d\ x\ +\ 4096b\ c\ d\ x\ +\ 3072b\ c\ d\ x\ +\ 1024b\ c\ d\ x\ +\ 128b\ c\ d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1381
--S 1382 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
          4 4
                 3 3
                          2 2 2
                                    3
--R
       (64c x + 128b c x + 96b c x + 32b c x + 4b) \log(2c x + b)
--R
                               2 3
--R
             3 222
                                                2 2 2
--R
      (- 64a c + 16b c)x + (- 64a b c + 16b c)x - 16a c - 8a b c + 3b
--R /
         7 5 4 6 5 3 2 5 5 2 3 4 5
--R
--R
      2048c d x + 4096b c d x + 3072b c d x + 1024b c d x + 128b c d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1382
--S 1383 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1383
--S 1384 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1384
)clear all
--S 1385 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^2/(b*d+2*c*d*x)^6
--R
--R
--R (1)
--R 2 4 3
                          2 2
     c x + 2b c x + (2a c + b)x + 2a b x + a
--R
--R /
```

```
6 6 6 6 5 6 5 2 4 6 4 3 3 6 3 4 2 6 2
--R
       64c d x + 192b c d x + 240b c d x + 160b c d x + 60b c d x
--R
--R
         5 6 6 6
--R
--R
       12b c d x + b d
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1385
--S 1386 of 1581
r0:=-1/160*(b^2-4*a*c)^2/(c^3*d^6*(b+2*c*x)^5)+_
    1/48*(b^2-4*a*c)/(c^3*d^6*(b+2*c*x)^3)+(-1/32)/(c^3*d^6*(b+2*c*x))
--R
--R
--R
    (2)
--R
         1 4 4 1 3 3 1 2 2 2
--R
       - -- c x - -- b c x + (- -- a c - -- b c )x
--R
        64 32
                           96
--R
--R
         1 2 1 3 1 2 2 1 2 1 4
--R
       (- -- a b c - --- b c)x - --- a c - --- a b c - --- b
--R
                  192
                            320
--R /
--R
      865 5 764 5 2663 5 3562 5 446 1 536
--R
      c d x + - b c d x + - b c d x + - b c d x + -- b c d x + -- b c d
--R
            2
                           4 16 32
                       2
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1386
--S 1387 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
          4 4 3 3 3 2 2 2 2 3
--R
--R
       -30c x - 60b c x + (-20a c - 40b c)x + (-20a b c - 10b c)x
--R
--R
         2 2
                 2 4
--R
       - 6a c - 2a b c - b
--R /
                  764 2663 3562 446
--R
          865
--R
       1920c d x + 4800b c d x + 4800b c d x + 2400b c d x + 600b c d x
--R
--R.
        5 3 6
--R
       60b c d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1387
--S 1388 of 1581
m0:=a0-r0
--R
```

```
--R
--R (4) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1388
--S 1389 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 1389
)clear all
--S 1390 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^2/(b*d+2*c*d*x)^7
--R
--R
--R (1)
--R
                        2 2 2
     c x + 2b c x + (2a c + b)x + 2a b x + a
--R
--R /
--R
         777 676 2575 3474 4373
--R
      128c d x + 448b c d x + 672b c d x + 560b c d x + 280b c d x
--R
--R
        5 2 7 2 6 7 7 7
--R
       84b c d x + 14b c d x + b d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1390
--S 1391 of 1581
r0:=1/3*(a+b*x+c*x^2)^3/((b^2-4*a*c)*d^7*(b+2*c*x)^6)
--R
    (2)
--R
--R
        1 3 6 1 2 5 1 2 1 2 4
       - --- c x - --- b c x + (- --- a c - --- b c)x
--R
                256
--R
        768
                             256
--R
                             1 2 1 2 2 1 2 1 3
--R
                  1 3 3
       (----abc----b)x + (----ac----ab)x -----abx-----a
--R
--R
        128 768
                             256
                                                256
                                      256
--R /
--R
         7 1 2 6 7 6
                         6 3 3 5 7 5 15 2 5 15 4 4 7 4
--R
       (ac - bc)dx + (3abc - bc)dx + (--abc - --bc)dx
--R
                               4
--R
       5 3 4 5 5 3 7 3 15 4 3 15 6 2 7 2
--R
--R
       (-abc --bc)dx + (--abc ---bc)dx
```

```
2 8 16 64
--R
--R
--R
       3 5 2 3 7 7 1 6 1 8 7
--R
       (-- a b c - -- b c)d x + (-- a b c - --- b )d
--R
       16 64 64 256
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1391
--S 1392 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
          4 4 3 3 3 2 2 2
--R
--R
       - 48c x - 96b c x + (- 48a c - 60b c )x + (- 48a b c - 12b c)x
--R
--R
          2 2 2
--R
      - 16a c - 4a b c - b
--R /
          976 875 2774 3673
--R
--R
      12288c d x + 36864b c d x + 46080b c d x + 30720b c d x
--R
--R
            4 5 7 2 5 4 7 6 3 7
--R
       11520b c d x + 2304b c d x + 192b c d
--R
                                 Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1392
--S 1393 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
          1
--R
--R (4) -----
     4 237
--R
       (768a c - 192b c )d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1393
--S 1394 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1394
)clear all
--S 1395 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^2/(b*d+2*c*d*x)^8
```

```
--R
--R
--R
   (1)
     2 4 3 2 2
--R
--R
      c x + 2b c x + (2a c + b)x + 2a b x + a
--R /
          888 787 2686 3585 4484
--R
--R
      256c d x + 1024b c d x + 1792b c d x + 1792b c d x + 1120b c d x
--R
                              7 8 88
--R
          5 3 8 3
                    6 2 8 2
--R
       448b c d x + 112b c d x + 16b c d x + b d
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1395
--S 1396 of 1581
r0:=-1/224*(b^2-4*a*c)^2/(c^3*d^8*(b+2*c*x)^7)+_
    1/80*(b^2-4*a*c)/(c^3*d^8*(b+2*c*x)^5)+(-1/96)/(c^3*d^8*(b+2*c*x)^3)
--R.
--R
--R (2)
--R
         1 4 4 1 3 3 1 3 1 2 2 2
        ----cx ----bcx + (----ac ----bc)x
--R
--R
                384
                            640
--R
          1 2 1 3 1 2 2 1 2 1 4
--R
        (- --- a b c - ---- b c)x - ---- a c - ---- a b c - ---- b
--R
--R
                   3840
                              1792
                                        8960
                                                  53760
--R /
--R
        10 8 7 7 9 8 6 21 2 8 8 5 35 3 7 8 4 35 4 6 8 3
--R
        c d x + - b c d x + -- b c d x + -- b c d x + -- b c d x
--R
--R
--R
       21 5 5 8 2 7 6 4 8 1 7 3 8
--R
       -- b c d x + -- b c d x + --- b c d
--R
                 64
                            128
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1396
--S 1397 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          4 4 3 3
--R.
                              3 222
       - 70c x - 140b c x + (- 84a c - 84b c )x + (- 84a b c - 14b c)x
--R
--R
--R
          2 2 2 4
       - 30a c - 6a b c - b
--R
--R /
--R
            10 8 7 9 8 6 2 8 8 5 3 7 8 4
```

```
--R
        53760c d x + 188160b c d x + 282240b c d x + 235200b c d x
--R
              4 6 8 3 5 5 8 2 6 4 8 7 3 8
--R
--R
        117600b c d x + 35280b c d x + 5880b c d x + 420b c d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1397
--S 1398 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1398
--S 1399 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1399
)clear all
--S 1400 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^2/(b*d+2*c*d*x)^9
--R
--R
--R (1)
--R 2 4 3
                           2 2
--R
     c x + 2b c x + (2a c + b)x + 2a b x + a
--R /
          999 898 2797 3696 4595
--R
--R
       512c d x + 2304b c d x + 4608b c d x + 5376b c d x + 4032b c d x
--R
           5 4 9 4 6 3 9 3 7 2 9 2 8 9
--R
        2016b c d x + 672b c d x + 144b c d x + 18b c d x + b d
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1400
--S 1401 of 1581
r0:=-1/256*(b^2-4*a*c)^2/(c^3*d^9*(b+2*c*x)^8)+_
    1/96*(b^2-4*a*c)/(c^3*d^9*(b+2*c*x)^6)+(-1/128)/(c^3*d^9*(b+2*c*x)^4)
--R
--R
--R (2)
--R
          1 4 4 1 3 3 1 3 7 2 2 2
        - ---- c x - ---- b c x + (- ---- a c - ----- b c )x
--R
                                           12288
--R
        2048
                  1024
                                  1536
```

```
--R
         1 2 1 3 1 2 2 1 2 1 4
--R
        (- ---- a b c - ----- b c)x - ---- a c - ----- a b c - ----- b
--R
--R
         1536 12288 4096
                                        24576
--R /
       11 9 8 10 9 7 2 9 9 6 3 8 9 5 35 4 7 9 4 7 5 6 9 3
--R
--R
       c d x + 4b c d x + 7b c d x + 7b c d x + -- b c d x + - b c d x
--R
--R
        7 6 5 9 2 1 7 4 9 1 8 3 9
--R
       -- b c d x + -- b c d x + --- b c d
--R
                 16
                            256
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1401
--S 1402 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          4 4 3 3 3 2 2 2 2 3
--R
       - 96c x - 192b c x + (- 128a c - 112b c )x + (- 128a b c - 16b c)x
--R
--R
--R
          2 2 2 4
--R
       - 48a c - 8a b c - b
--R /
                   10 9 7 2 9 9 6 3 8 9 5
--R
          11 9 8
--R
      196608c d x + 786432b c d x + 1376256b c d x + 1376256b c d x
--R
           4794 5693 6592 749 839
--R
      860160b c d x + 344064b c d x + 86016b c d x + 12288b c d x + 768b c d
--R
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1402
--S 1403 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1403
--S 1404 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1404
```

```
)clear all
--S 1405 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^2/(b*d+2*c*d*x)^10
--R
--R
--R
   (1)
--R
                         2 2
      c x + 2b c x + (2a c + b)x + 2a b x + a
--R
--R. /
--R
          10 10 10 9 10 9 2 8 10 8 3 7 10 7
--R
      1024c d x + 5120b c d x + 11520b c d x + 15360b c d x
--R
           4 6 10 6 5 5 10 5 6 4 10 4 7 3 10 3
--R
      13440b c d x + 8064b c d x + 3360b c d x + 960b c d x
--R
--R
--R.
         8 2 10 2 9 10 10 10
--R
       180b c d x + 20b c d x + b d
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1405
--S 1406 of 1581
r0:=-1/288*(b^2-4*a*c)^2/(c^3*d^10*(b+2*c*x)^9)+_
    1/112*(b^2-4*a*c)/(c^3*d^10*(b+2*c*x)^7)+(-1/160)/(c^3*d^10*(b+2*c*x)^5)
--R
--R
--R
    (2)
          1 4 4 1 3 3 1 2 2 2
--R
--R
       ----cx -----bcx + (-----bc)x
--R
        5120 2560
                               3584
--R
                2 1 3 1 2 2 1 2 1 4
--R
--R
        (- ---- a b c - ----- b c)x - ---- a c - ----- b
--R
                   35840
                              9216
                                        64512
--R /
        12 10 9 9 11 10 8 2 10 10 7 21 3 9 10 6 63 4 8 10 5
--R
--R
       c d x + - b c d x + 9b c d x + -- b c d x + -- b c d x
--R
--R
       63 5 7 10 4 21 6 6 10 3 9 7 5 10 2 9 8 4 10 1 9 3 10
--R
       -- b c d x + -- b c d x + -- b c d x + --- b c d
--R
--R
                   16
                              32
                                   256
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1406
--S 1407 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
4 4 3 3 3 2 2 2 2 3
--R
--R
      - 126c x - 252b c x + (- 180a c - 144b c )x + (- 180a b c - 18b c)x
--R
          2 2 2
--R
--R
      - 70a c - 10a b c - b
--R /
            12 10 9 11 10 8 2 10 10 7 3 9 10 6
--R
--R
      645120c d x + 2903040b c d x + 5806080b c d x + 6773760b c d x
--R
--R
             4 8 10 5 5 7 10 4
                                         6 6 10 3
--R
      5080320b c d x + 2540160b c d x + 846720b c d x + 181440b c d x
--R
                    9 3 10
--R
           8 4 10
--R
       22680b c d x + 1260b c d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1407
--S 1408 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1408
--S 1409 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1409
)clear all
--S 1410 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^2/(b*d+2*c*d*x)^11
--R
--R
--R
   (1)
--R
      2 4
               3
                         2 2
      c x + 2b c x + (2a c + b)x + 2a b x + a
--R
--R /
--R.
          11 11 11
                         10 11 10 2 9 11 9 3 8 11 8
--R
       2048c d x + 11264b c d x + 28160b c d x + 42240b c d x
--R
           4 7 11 7 5 6 11 6 6 5 11 5 7 4 11 4
--R
--R
      42240b c d x + 29568b c d x + 14784b c d x + 5280b c d x
--R
--R
          8 3 11 3 9 2 11 2 10 11 11 11
```

```
--R
       1320b c d x + 220b c d x + 22b c d x + b d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1410
--S 1411 of 1581
r0:=-1/320*(b^2-4*a*c)^2/(c^3*d^11*(b+2*c*x)^10)+_
    1/128*(b^2-4*a*c)/(c^3*d^11*(b+2*c*x)^8)+(-1/192)/(c^3*d^11*(b+2*c*x)^6)
--R
--R (2)
--R
         1 4 4 1 3 3 1 3 3 2 2 2
       - ---- c x - ---- b c x + (- ---- a c - ---- b c )x
--R
        12288 6144
                                        32768
                              8192
--R
--R
                               1 22
                                          1
                                               2
--R
               2 1 3
--R
       (- ---- a b c - ----- b c)x - ---- a c - ----- a b c - ----- b
--R
                   98304
                             20480 163840
                                                   1966080
--R /
--R
       --R
       c d x + 5b c d x + -- b c d x + 15b c d x + --- b c d x
--R
--R
       63 5 8 11 5 105 6 7 11 4 15 7 6 11 3 45 8 5 11 2
--R
--R
       -- b c d x + -- b c d x + -- b c d x + -- b c d x
                              16
--R
                   32
--R
       5 9 4 11 1 10 3 11
--- b c d x + ---- b c d
--R
--R
--R
       256
                  1024
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1411
--S 1412 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          4 4 3 3 3
                                     2 2 2 2
--R
       - 160c x - 320b c x + (- 240a c - 180b c )x + (- 240a b c - 20b c)x
--R
--R
--R
          2 2
                2
--R
       - 96a c - 12a b c - b
--R /
--R.
            13 11 10
                            12 11 9 2 11 11 8
--R
       1966080c d x + 9830400b c d x + 22118400b c d x
--R
             3 10 11 7 4 9 11 6 5 8 11 5
--R
--R
       29491200b c d x + 25804800b c d x + 15482880b c d x
--R
             6 7 11 4
--R
                          7 6 11 3 8 5 11 2 9 4 11
```

```
--R
         6451200b c d x + 1843200b c d x + 345600b c d x + 38400b c d x
--R
--R
              10 3 11
         1920b c d
--R
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1412
--S 1413 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1413
--S 1414 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
    (5) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1414
)clear all
--S 1415 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^m*(a+b*x+c*x^2)^3
--R
--R
--R
    (1)
         3 6 2 5 2 2 4
--R
                                                     3 3 2
--R
         c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b)x + (3a c + 3a b)x
--R
--R
          2
--R
         3a b x + a
--R *
--R
--R
       (2c d x + b d)
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1415
--S 1416 of 1581
r0:=-1/128*(b^2-4*a*c)^3*(b*d+2*c*d*x)^(1+m)/(c^4*d*(1+m))+_
    3/128*(b^2-4*a*c)^2*(b*d+2*c*d*x)^(3+m)/(c^4*d^3*(3+m))-_
    3/128*(b^2-4*a*c)*(b*d+2*c*d*x)^(5+m)/(c^4*d^5*(5+m))+_
    1/128*(b*d+2*c*d*x)^(7+m)/(c^4*d^7*(7+m))
--R
--R
--R (2)
--R
           3
                2
                                          m + 7
```

```
--R
       (m + 9m + 23m + 15)(2c d x + b d)
--R
--R
                 2 2 3 2 2 2 2 2
--R
          (12a c - 3b )d m + (132a c - 33b )d m + (372a c - 93b )d m
--R
--R
                    2 2
--R
         (252a c - 63b )d
--R
--R
                  m + 5
--R
         (2c d x + b d)
--R
                          4 4 3 2 2
                    2
                                             2
--R
          (48a c - 24a b c + 3b )d m + (624a c - 312a b c + 39b )d m
--R
--R
--R
              2 2 2 4 4 2 2 2 4 4
--R
         (2256a c - 1128a b c + 141b )d m + (1680a c - 840a b c + 105b )d
--R
--R
                  m + 3
--R
         (2c d x + b d)
--R
--R
            3 3 2 2 2 4 6 6 3
--R
          (64a c - 48a b c + 12a b c - b )d m
--R
--R
             3 3 2 2 2 4 6 6 2
--R
          (960a c - 720a b c + 180a b c - 15b)d m
--R
--R
              3 3 2 2 2
--R
          (4544a c - 3408a b c + 852a b c - 71b )d m
--R
              3 3 2 2 2 4 6 6
--R
--R
         (6720a c - 5040a b c + 1260a b c - 105b )d
--R
--R
                  m + 1
--R
        (2c d x + b d)
--R /
        474 473 472 47 47
--R
--R
     128c d m + 2048c d m + 11008c d m + 22528c d m + 13440c d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1416
--S 1417 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
          73 72 7 77
--R
         (8c m + 72c m + 184c m + 120c)x
--R
          6 3 6 2 6 6 6
--R
--R
         (28b c m + 252b c m + 644b c m + 420b c)x
```

```
--R
              6 253 6 252 6 25
--R
--R
           (24a c + 36b c)m + (264a c + 312b c)m + (744a c + 780b c)m
--R
              6 25
--R
--R
          504a c + 504b c
--R
--R
--R
         x
--R
--R
                             5 342
                5 343
           (60a b c + 20b c)m + (660a b c + 150b c)m
--R
--R
                 5 34
--R
--R
           (1860a b c + 340b c)m + 1260a b c + 210b c
--R
--R
          4
--R
          X
--R
             25 24 433 25 24 432
--R
--R
           (24a c + 48a b c + 4b c )m + (312a c + 504a b c + 12b c )m
--R
--R
              2 5
                   2 4 4 3 2 5 2 4
--R
           (1128a c + 1296a b c + 8b c )m + 840a c + 840a b c
--R
--R
          3
--R
          x
--R
--R
              2 4 3 3 3 2 4 3 3 5 2 2
--R
           (36a b c + 12a b c )m + (468a b c + 96a b c - 6b c )m
--R
              2 4 3 3 5 2 2 4
--R
--R
           (1692a b c + 84a b c - 6b c )m + 1260a b c
--R
--R
          2
--R
          x
--R
                  2 2 3 3 3 4 2 2 3 4 2 2
--R
--R
           (8a c + 12a b c )m + (120a c + 144a b c - 12a b c )m
--R
              3 4 2 2 3 4 2
--R
                                    6
           (568a c + 420a b c - 84a b c + 6b c)m + 840a c
--R
--R
--R
--R
         3 3 3 3 2 3 2 2 3 3 2 3 2 5
--R
--R
        4a b c m + (60a b c - 6a b c ) m + (284a b c - 72a b c + 6a b c) m
--R
--R
          3 3 2 3 2 5 7
--R
        420a b c - 210a b c + 42a b c - 3b
```

```
--R
--R m log(2c d x + b d)
--R
       %e
--R /
      4 4 4 3 4 2 4 4
--R
--R
    8c m + 128c m + 688c m + 1408c m + 840c
--R
                               Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1417
--S 1418 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
   (4)
--R
--R
            773 772 77
                                      7 7 7
--R
         (128c d m + 1152c d m + 2944c d m + 1920c d )x
--R
--R
              673 672
                                 6 7
          (448b c d m + 4032b c d m + 10304b c d m + 6720b c d)x
--R
--R
--R
                6 2573
                                 6
--R
            (384a c + 576b c)d m + (4224a c + 4992b c)d m
--R
--R
                  6 257 6 257
             (11904a c + 12480b c)d m + (8064a c + 8064b c)d
--R
--R
--R
            5
--R
           X
--R
                   5 3473 5 3472
--R
--R
            (960a b c + 320b c )d m + (10560a b c + 2400b c )d m
--R
--R
                    5 347
--R
             (29760a b c + 5440b c)d m + (20160a b c + 3360b c)d
--R
--R
--R
           X
--R
                2 5
                        2 4 4 3 7 3
--R
--R
             (384a c + 768a b c + 64b c)d m
--R
--R
                25
                     24 4372
--R.
             (4992a c + 8064a b c + 192b c)d m
--R
                      24 437
--R
                 2 5
--R
             (18048a c + 20736a b c + 128b c)d m
--R
--R
                      2 4 7
                  2 5
             (13440a c + 13440a b c )d
--R
--R
```

```
--R
--R
           x
--R
                  2 4 3 3 7 3
--R
             (576a b c + 192a b c )d m
--R
--R
                  2 4 3 3 5 2 7 2
--R
--R
              (7488a b c + 1536a b c - 96b c)d m
--R
--R
                  2 4 3 3 5 2 7
--R
             (27072a b c + 1344a b c - 96b c )d m + 20160a b c d
--R
--R
--R
           X
--R
--R
                 3 4 2 2 3 7 3
--R
             (128a c + 192a b c )d m
--R
                  3 4 2 2 3 4 2 7 2
--R
--R
              (1920a c + 2304a b c - 192a b c)d m
--R
--R
                 3 4 2 2 3 4 2 6 7 3 4 7
--R
              (9088a c + 6720a b c - 1344a b c + 96b c)d m + 13440a c d
--R
--R
--R
            3 3 7 3 3 3 2 3 2 7 2
--R
--R
          64a b c d m + (960a b c - 96a b c )d m
--R
--R
              3 3 2 3 2 5 7
--R
           (4544a b c - 1152a b c + 96a b c)d m
--R
               3 3 2 3 2
--R
                                    5
--R
          (6720a b c - 3360a b c + 672a b c - 48b )d
--R
--R
          m \log(2c d x + b d)
--R
         %e
--R
--R
--R
       (-m - 9m - 23m - 15)(2c d x + b d)
--R
--R
                    2 2 3
                                       2 2 2
--R.
          (- 12a c + 3b )d m + (- 132a c + 33b )d m + (- 372a c + 93b )d m
--R
--R
                      2 2
--R
           (-252a c + 63b)d
--R
--R
                  m + 5
        (2c d x + b d)
--R
--R
```

```
--R
--R
          (- 48a c + 24a b c - 3b )d m + (- 624a c + 312a b c - 39b )d m
--R
--R
                     2
                              4 4
               2 2
                                            2 2
--R
         (- 2256a c + 1128a b c - 141b )d m + (- 1680a c + 840a b c - 105b )d
--R
--R
                  m + 3
--R
        (2c d x + b d)
--R
--R
              3 3 2 2 2
                               4
                                   6 6 3
--R
          (- 64a c + 48a b c - 12a b c + b )d m
--R
                              4
               3 3 2 2 2
--R
--R
          (- 960a c + 720a b c - 180a b c + 15b )d m
--R
--R
                3 3
                      2 2 2
                                   4
--R
          (- 4544a c + 3408a b c - 852a b c + 71b )d m
--R
--R
               3 3 2 2 2
                                   4 6 6
--R
         (- 6720a c + 5040a b c - 1260a b c + 105b )d
--R
--R
               m + 1
--R
         (2c d x + b d)
--R /
         474 473 472 47 47
--R
--R
      128c d m + 2048c d m + 11008c d m + 22528c d m + 13440c d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1418
--S 1419 of 1581
d0:=normalize m0
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1419
)clear all
--S 1420 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^5*(a+b*x+c*x^2)^3
--R
--R.
--R
   (1)
     8 5 11 7 5 10 7 2 6 5 9
--R
    32c d x + 176b c d x + (96a c + 416b c) d x
--R
--R +
--R
                 3 5 5 8
                             26 25
    (432a b c + 552b c )d x + (96a c + 816a b c + 450b c )d x
--R
--R +
```

```
2 5 3 4 5 3 5 6
--R
     (336a b c + 840a b c + 231b c )d x
--R
--R
--R
         3 5 2 2 4
                           4 3
                                  6 2 5 5
--R
     (32a c + 480a b c + 510a b c + 73b c )d x
--R
        3 4 2 3 3 5 2 7 5 4
--R
      (80a b c + 360a b c + 183a b c + 13b c)d x
--R
--R
--R
        3 2 3
                  2 4 2
                            6 8 5 3
--R
      (80a b c + 150a b c + 36a b c + b)d x
--R
         3 3 2 2 5 7 5 2
                                            265 355
                                    3 4
--R
      (40a b c + 33a b c + 3a b )d x + (10a b c + 3a b )d x + a b d
--R
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 1420
--S 1421 of 1581
r0:=-1/768*(b^2-4*a*c)^3*d^5*(b+2*c*x)^6/c^4+3/1024*(b^2-4*a*c)^2*_
    d^5*(b+2*c*x)^8/c^4-3/1280*(b^2-4*a*c)*d^5*(b+2*c*x)^10/c^4+_
    1/1536*d^5*(b+2*c*x)^12/c^4
--R
--R
    (2)
       8 12 5 12 11 5 11 48 11 208 2 10 5 10
--R
       -c dx + 16b c dx + (--ac + ---bc)dx
--R
--R
--R
             10 184 3 9 5 9 2 10 2 9 225 4 8 5 8
--R
--R.
        (48a b c + --- b c) d x + (12a c + 102a b c + --- b c) d x
--R
--R
           2 9 38 57 57
--R
--R
       (48a b c + 120a b c + 33b c )d x
--R
        16 3 9 2 2 8 4 7 73 6 6 5 6
--R
--R
       (-- a c + 80a b c + 85a b c + -- b c )d x
--R
--R
--R
         3 8 2 3 7 183 5 6 13 7 5 5 5
--R
        (16a b c + 72a b c + --- a b c + -- b c )d x
--R
--R
--R.
           3 2 7 75 2 4 6 6 5 1 8 4 5 4
--R
        (20a b c + -- a b c + 9a b c + - b c )d x
--R
--R
--R
        40 3 3 6 2 5 5 7 4 5 3 3 4 5 3 2 6 4 5 2
        (-- a b c + 11a b c + a b c ) d x + (5a b c + - a b c ) d x
--R
--R
         3
```

```
--R
       3 5 4 5 1 3 6 3 1 2 8 2 1 10 1 12 5
--R
--R
       a b c d x + (-- a b c - -- a b c + --- a b c - ---- b )d
--R
                         64 640 15360
                12
--R /
--R 4
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1421
--S 1422 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
   8 8 5 12 7 5 11 48 7 208 2 6 5 10
--R
    - c d x + 16b c d x + (-- a c + --- b c )d x
--R
                           5
--R +
       6 184 3 5 5 9 2 6 2 5 225 4 4 5 8
--R
--R
      (48a b c + --- b c) d x + (12a c + 102a b c + --- b c) d x
--R
--R
       2 5 3 4 5 3 5 7
--R
--R
      (48a b c + 120a b c + 33b c)d x
--R
      16 3 5 2 2 4 4 3 73 6 2 5 6
--R
--R
      (-- a c + 80a b c + 85a b c + -- b c)d x
--R
--R
       3 4 2 3 3 183 5 2 13 7 5 5
--R
--R
      (16a b c + 72a b c + --- a b c + -- b c)d x
--R
                       5
--R
       3 2 3 75 2 4 2 6 1 8 5 4
--R
      (20a b c + -- a b c + 9a b c + - b)d x
--R
--R
--R
      40 3 3 2 2 5 7 5 3
                                  3 4 3 2 6 5 2 3 5 5
--R
--R
      (-- a b c + 11a b c + a b )d x + (5a b c + - a b )d x + a b d x
--R
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1422
--S 1423 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
          1 3 6 3 1 2 8 2 1 10 1 12 5
--R
        (---abc +--abc ----b)d
--R
```

```
--R 12 64 640 15360
--R
   (4) -----
--R
                          4
--R
                          С
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1423
--S 1424 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1424
)clear all
--S 1425 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^4*(a+b*x+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
    7 4 10 6 4 9 6 2 5 4 8 5 3 4 4 7
--R
--R
    16c d x + 80b c d x + (48a c + 168b c )d x + (192a b c + 192b c )d x
--R
       25 24 4346 24 33 5245
--R
    (48a c + 312a b c + 129b c )d x + (144a b c + 264a b c + 51b c )d x
--R
--R
--R
        3 4 2 2 3 4 2
                                6 4 4
--R.
    (16a c + 168a b c + 123a b c + 11b c)d x
--R
       3 3 2 3 2 5 7 4 3 3 2 2 2 4 6 4 2
--R
--R
    (32a b c + 96a b c + 30a b c + b )d x + (24a b c + 27a b c + 3a b )d x
--R +
       3 3 2 5 4 3 4 4
--R
--R
    (8a b c + 3a b )d x + a b d
--R
                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 1425
--S 1426 of 1581
r0:=-1/640*(b^2-4*a*c)^3*d^4*(b+2*c*x)^5/c^4+3/896*(b^2-4*a*c)^2*_
   d^4*(b+2*c*x)^7/c^4-1/384*(b^2-4*a*c)*d^4*(b+2*c*x)^9/c^4+_
   1/1408*d^4*(b+2*c*x)^11/c^4
--R.
--R
--R (2)
      -- c d x + 8b c d x + (-- a c + -- b c )d x
--R
     11
                             3 3
--R
--R
```

```
9 3 8 4 8 48 2 9 312 2 8 129 4 7 4 7
--R
--R
       (24a b c + 24b c )d x + (-- a c + --- a b c + --- b c )d x
--R
--R
--R
        2 8 37 17 5 6 4 6
--R
      (24a b c + 44a b c + -- b c )d x
--R
--R
       16 3 8 168 2 2 7 123 4 6 11 6 5 4 5
--R
       (-- a c + --- a b c + --- a b c + -- b c )d x
--R
               5
                         5
--R
--R
        3 7 2 3 6 15 5 5 1 7 4 4 4
--R
--R
      (8a b c + 24a b c + -- a b c + - b c )d x
--R
                        2
--R
--R
        3 2 6 2 4 5 6 4 4 3 3 3 5 3 2 5 4 4 2 3 4 4 4
--R
       (8a b c + 9a b c + a b c ) d x + (4a b c + - a b c ) d x + a b c d x
--R
--R
--R
       1 3 5 3 3 2 7 2 1 9 1 11 4
       (-- a b c - --- a b c + --- a b c - --- b )d
--R
                140 420 9240
--R
       10
--R /
--R
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1426
--S 1427 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
    16 7 4 11 6 4 10 16 6 56 2 5 4 9 5 3 4 4 8
      -- c d x + 8b c d x + (-- a c + -- b c )d x + (24a b c + 24b c )d x
--R
--R
     11
                           3
--R
      48 2 5 312 2 4 129 4 3 4 7 2 4 3 3 17 5 2 4 6
--R
      (-- a c + --- a b c + --- b c) d x + (24a b c + 44a b c + -- b c) d x
--R
              7
--R
--R
--R.
     16 3 4 168 2 2 3 123 4 2 11 6 4 5
--R.
      (-- a c + --- a b c + --- a b c + -- b c)d x
              5
--R
                       5
--R
       3 3 2 3 2 15 5 1 7 4 4 3 2 2 2 4 6 4 3
--R
--R
      (8a b c + 24a b c + -- a b c + - b )d x + (8a b c + 9a b c + a b )d x
                       2
                               4
--R
--R +
```

```
3 3 3 2 5 4 2 3 4 4
--R
      (4abc+-ab)dx+abdx
--R
--R
--R.
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1427
--S 1428 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          1 3 5 3 3 2 7 2 1 9
                                       1 11 4
        (---abc +---b)d
--R
          10 140 420 9240
--R
--R
    (4) -----
--R
                            4
--R
                           С
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1428
--S 1429 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1429
)clear all
--S 1430 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^3*(a+b*x+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
      6 3 9
               5 3 8 5 2 4 3 7
--R
     8c d x + 36b c d x + (24a c + 66b c )d x + (84a b c + 63b c )d x
--R
--R +
                                  2 3
--R
               2 3
                       4 2 3 5
                                             3 2 5 3 4
--R
     (24a c + 114a b c + 33b c )d x + (60a b c + 75a b c + 9b c)d x
--R
              2 2 2 4 6 3 3 3 2
--R
        3 3
                                               2 3 5 3 2
     (8a c + 54a b c + 24a b c + b )d x + (12a b c + 21a b c + 3a b )d x
--R
--R +
--R.
        3 2
             2 4 3 3 3 3
--R
    (6a b c + 3a b )d x + a b d
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 1430
--S 1431 of 1581
r0:=1/20*(b^2-4*a*c)*d^3*(a+b*x+c*x^2)^4+1/5*d^3*(b+2*c*x)^2*(a+b*x+c*x^2)^4
```

```
--R
--R
--R
    (2)
     4 6 3 10 5 3 9 5 33 2 4 3 8 4 3 3 3 7
--R
     - c d x + 4b c d x + (3a c + -- b c )d x + (12a b c + 9b c )d x
--R
--R
--R
--R
               23 11 4 2 3 6
                                   2 3
                                              3 2 9 5 3 5
      (4a c + 19a b c + -- b c)d x + (12a b c + 15a b c + - b c)d x
--R
--R
--R
       3 3 27 2 2 2 4 1 6 3 4
                                         3 2 2 3
--R
      (2a c + -- a b c + 6a b c + - b )d x + (4a b c + 7a b c + a b )d x
--R
--R
--R
--R
       3 2 3 2 4 3 2 3 3 3 1 5 1 4 2 3
--R
      (3a b c + - a b) d x + a b d x + (- - a c + - a b) d
--R
                                   5 4
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1431
--S 1432 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
     4 6 3 10 5 3 9 5 33 2 4 3 8 4 3 3 3 7
--R
--R
     - c d x + 4b c d x + (3a c + -- b c) d x + (12a b c + 9b c) d x
--R
--R
--R
        2 4 2 3 11 4 2 3 6
                                   2 3 3 2 9 5 3 5
--R
      (4a c + 19a b c + -- b c)d x + (12a b c + 15a b c + - b c)d x
--R
--R
       3 3 27 2 2 2 4 1 6 3 4
--R
                                        3 2 2 3
      (2a c + -- a b c + 6a b c + - b) d x + (4a b c + 7a b c + a b) d x
--R
--R
--R
       3 2 3 2 4 3 2 3 3 3
--R
--R
      (3abc+-ab)dx+abdx
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1432
--S 1433 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
     1 5 1 4 2 3
--R
--R (4) (- a c - - a b )d
```

```
5 4
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1433
--S 1434 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1434
)clear all
--S 1435 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^2*(a+b*x+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
      5 2 8 4 2 7 4 2 3 2 6 3 3 2 2 5
--R
--R
     4c d x + 16b c d x + (12a c + 25b c )d x + (36a b c + 19b c )d x
--R
--R
       23 22 4 24 2 2 3 5 23
     (12a c + 39a b c + 7b c)d x + (24a b c + 18a b c + b )d x
--R
--R
       3 2 2 2 4 2 2 3 2 3 2 3 2 2
--R
--R
      (4a c + 15a b c + 3a b) d x + (4a b c + 3a b) d x + a b d
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--E 1435
--S 1436 of 1581
r0:=-1/384*(b^2-4*a*c)^3*d^2*(b+2*c*x)^3/c^4+3/640*(b^2-4*a*c)^2*d^2*_
    (b+2*c*x)^5/c^4-3/896*(b^2-4*a*c)*d^2*(b+2*c*x)^7/c^4+_
    1/1152*d^2*(b+2*c*x)^9/c^4
--R
--R
--R
    (2)
     4 9 2 9 8 2 8 12 8 25 2 7 2 7 7 19 3 6 2 6
--R
--R
       - c d x + 2b c d x + (-- a c + -- b c )d x + (6a b c + -- b c )d x
--R
--R
        12 2 7 39 2 6 7 4 5 2 5 2 6 9 3 5 1 5 4 2 4
--R
--R.
       (-- a c + -- a b c + - b c ) d x + (6a b c + - a b c + - b c ) d x
--R.
                5
--R
       4 3 6 2 2 5 4 4 2 3 3 5 3 2 3 4 2 2 3 2 4 2
--R
--R
       (-ac + 5abc + abc)dx + (2abc + -abc)dx + abcdx
--R
--R
--R
      1 3 3 3 1 2 5 2 1 7 1 9 2
```

```
(- a b c - -- a b c + --- a b c - ---- b )d
      6 20 140
--R
--R /
--R
     4
--R c
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 1436
--S 1437 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
    4 5 2 9 4 2 8 12 4 25 2 3 2 7 3 19 3 2 2 6
--R
     - c d x + 2b c d x + (-- a c + -- b c )d x + (6a b c + -- b c )d x
--R
--R
--R +
--R
     12 2 3 39 2 2 7 4 2 5
                                 2 2 9 3 1 5 2 4
    (-- a c + -- a b c + - b c)d x + (6a b c + - a b c + - b )d x
--R
--R
      5 5 5
--R +
     4 3 2 2 2 4 2 3 3 3 2 3 2 2 3 2 2
--R
--R
      (-ac + 5abc + ab)dx + (2abc + -ab)dx + abdx
--R
                                   2
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1437
--S 1438 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
         1 3 3 3 1 2 5 2 1 7 1 9 2
--R
--R
       (--abc + --abc - ---abc + ----b)d
        6 20 140 2520
--R (4) -----
--R
--R
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1438
--S 1439 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1439
)clear all
```

```
--S 1440 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)*(a+b*x+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
--R 4 7 3 6 3 2 2 5 2 3 4
--R
     2c d x + 7b c d x + (6a c + 9b c )d x + (15a b c + 5b c)d x
--R +
     2 2 2 4 3 2
                                3 2 3 22
--R
--R (6a c + 12a b c + b )d x + (9a b c + 3a b )d x + (2a c + 3a b )d x + a b d
--R
                                         Type: Polynomial(Integer)
--Е 1440
--S 1441 of 1581
r0:=1/4*d*(a+b*x+c*x^2)^4
--R
--R
--R (2)
--R 1 4 8 3 7 3 3 2 2 6
--R
    - c d x + b c d x + (a c + - b c )d x + (3a b c + b c)d x
--R
--R +
--R
     3 2 2 2 1 4 4 2 3 3 3 3 2 2
--R
      (-ac + 3abc + -b)dx + (3abc + ab)dx + (ac + -ab)dx
--R
--R
     3 1 4
--R
--R
     abdx + -ad
--R
        4
--R.
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1441
--S 1442 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
    1 4 8 3 7 3 3 2 2 6
     - c d x + b c d x + (a c + - b c) d x + (3a b c + b c) d x
--R
--R
--R
     3 2 2 2 1 4 4
                             2 3 3 3 3 2 2 2
--R
--R
   (- a c + 3a b c + - b )d x + (3a b c + a b )d x + (a c + - a b )d x
--R
--R +
--R
     3
--R
    abdx
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1442
```

```
--S 1443 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
         1 4
--R (4) - - a d
--R
        4
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1443
--S 1444 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1444
)clear all
--S 1445 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3
--R
--R
--R (1)
    3 6 2 5 2 2 4
                                     3 3 2 2 2
--R
      c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b )x + (3a c + 3a b )x
--R
--R
--R
      2 3
--R
     3a b x + a
--R
                                              Type: Polynomial(Integer)
--Е 1445
--S 1446 of 1581
r0:=a^3*x+3/2*a^2*b*x^2+a*(b^2+a*c)*x^3+1/4*b*(b^2+6*a*c)*x^4+_
    3/5*c*(b^2+a*c)*x^5+1/2*b*c^2*x^6+1/7*c^3*x^7
--R.
--R
--R
    (2)
    1 3 7 1 2 6 3 2 3 2 5 3
--R
      - c x + - b c x + (- a c + - b c)x + (- a b c + - b )x
--R
--R
                       5
            2
--R +
--R
      2 2 3 3 2 2 3
     (ac+ab)x +-abx +ax
--R
--R
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1446
--S 1447 of 1581
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
   (3)
--R
--R 1 3 7 1 2 6 3 2 3 2 5 3 1 3 4
      - c x + - b c x + (- a c + - b c)x + (- a b c + - b )x
--R
     7 2 5 5 2 4
--R
--R +
--R
      2
             2 3 3 2 2 3
     (ac+ab)x +-abx +ax
--R
--R
                   2
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1447
--S 1448 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 1448
--S 1449 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
   (5) 0
--R
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 1449
)clear all
--S 1450 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3/(b*d+2*c*d*x)
--R
--R
--R (1)
     36 25 2 2 4
--R
                                             3 3
--R
       c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b)x + (3a c + 3a b)x
--R
         2 3
--R
--R
      3a b x + a
--R /
--R
    2c d x + b d
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1450
--S 1451 of 1581
r0:=3/256*(b^2-4*a*c)^2*(b+2*c*x)^2/(c^4*d)-3/512*(b^2-4*a*c)*_
    (b+2*c*x)^4/(c^4*d)+1/768*(b+2*c*x)^6/(c^4*d)-_
```

```
1/128*(b^2-4*a*c)^3*log(b+2*c*x)/(c^4*d)
--R
--R
--R
   (2)
          3 3 2 2 2 4 6
--R
--R
       (768a c - 576a b c + 144a b c - 12b) log(2c x + b) + 128c x
--R
--R
                     5
                            244
      384b c x + (576a c + 336b c )x + (1152a b c + 32b c )x
--R
--R
--R
           24 23 422
                                     2 3 3 2
      (1152a c + 288a b c - 24b c )x + (1152a b c - 288a b c + 24b c)x
--R
--R
--R
          2 2 2
                   4
       288a b c - 108a b c + 11b
--R
--R /
--R
--R
      1536c d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1451
--S 1452 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
          3 3 2 2 2 4 6
--R
--R
       (192a c - 144a b c + 36a b c - 3b) \log(2c x + b) + 32c x + 96b c x
--R
            5 244 4 3333
--R
     (144a c + 84b c )x + (288a b c + 8b c )x
--R
--R
           2 4 2 3
--R
                         422
                                    2 3
--R
      (288a c + 72a b c - 6b c )x + (288a b c - 72a b c + 6b c)x
--R /
--R
--R
      384c d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1452
--S 1453 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
            2 2 2 4 6
--R
       - 288a b c + 108a b c - 11b
--R
--R (4) -----
--R
--R
                 1536c d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1453
--S 1454 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1454
)clear all
--S 1455 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3/(b*d+2*c*d*x)^2
--R
--R
--R (1)
--R
        3 6 2 5 2 2 4
                                                3 3 2 2 2
        c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b)x + (3a c + 3a b)x
--R
--R
--R
         2 3
--R
       3a b x + a
--R /
--R
       2 2 2 2 2 2 2
--R
      4c d x + 4b c d x + b d
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1455
--S 1456 of 1581
\texttt{r0:=}3/64*(\texttt{b^2-4*a*c})^2*\texttt{x/(c^3*d^2)+1/128*(b^2-4*a*c)^3/(c^4*d^2*\_)}
    (b+2*c*x))-1/128*(b^2-4*a*c)*(b+2*c*x)^3/(c^4*d^2)+_
    1/640*(b+2*c*x)^5/(c^4*d^2)
--R
--R
--R
     (2)
         1 6 6 3 5 5 1 5 1 2 4 4 1 4 3 3 2 4 2
--R
--R
        -- c x + -- b c x + (- a c + - b c )x + - a b c x + - a c x
                20
                                   8
--R
        20
                           4
--R
       3 2 3 1 3 2 1 5 1 3 3 3 2 2 2 1 4
--R
       (- a b c - -- a b c + --- b c)x - - a c + -- a b c - -- a b c + --- b
--R
                                    4
--R
                16
                           640
                                             16
                                                        32
                                                                  1280
--R /
--R.
      5 2 1 4 2
     c d x + - b c d
--R
--R
            2
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1456
--S 1457 of 1581
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
        6 6 5 5 5 2 4 4 4 3 2 4 2
--R
--R
      64c x + 192b c x + (320a c + 160b c )x + 640a b c x + 960a c x
--R
                   3 2
--R
                            5
                                    3 3
                                            2 2 2
--R
      (480a b c - 120a b c + 10b c)x - 320a c + 240a b c - 60a b c + 5b
--R /
--R
        5 2 4 2
--R
     1280c d x + 640b c d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1457
--S 1458 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
           3 5
--R
--R - 5a b c + b
--R (4) -----
         4 2
--R
         160c d
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1458
--S 1459 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1459
)clear all
--S 1460 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3/(b*d+2*c*d*x)^3
--R
--R
--R
   (1)
--R
       3 6 2 5 2 2 4
                                     3 3 2 2 2
       c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b)x + (3a c + 3a b)x
--R.
--R
--R
        2 3
--R
      3a b x + a
--R /
      3 3 3 2 3 2 2 3 3 3
--R
--R
   8c d x + 12b c d x + 6b c d x + b d
```

```
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1460
--S 1461 of 1581
r0:=1/256*(b^2-4*a*c)^3/(c^4*d^3*(b+2*c*x)^2)-3/256*(b^2-4*a*c)*_
    (b+2*c*x)^2/(c^4*d^3)+1/512*(b+2*c*x)^4/(c^4*d^3)+_
    3/128*(b^2-4*a*c)^2*log(b+2*c*x)/(c^4*d^3)
--R
--R
--R
    (2)
               2 4 2 3 4 2 2 2 3
--R
                                                     3 2 5
--R
           (768a c - 384a b c + 48b c)x + (768a b c - 384a b c + 48b c)x
--R
--R
              2 2 2
                      4
          192a b c - 96a b c + 12b
--R
--R
--R
         log(2c x + b)
--R
         6 6 5 5
--R
                          5 244
                                              4 333
--R
        64c x + 192b c x + (384a c + 144b c)x + (768a b c - 32b c)x
--R
                   4 2 2 3 2 5 3 3 2 2 2
--R
             2 3
--R
        (576a b c - 84b c)x + (192a b c - 36b c)x - 128a c + 96a b c - 3b
--R /
--R
          6 3 2
                5 3 2 4 3
      2048c d x + 2048b c d x + 512b c d
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1461
--S 1462 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
               2 4 2 3 4 2 2 2 3
--R
                                                      3 2
           (384a c - 192a b c + 24b c)x + (384a b c - 192a b c + 24b c)x
--R
--R
                      4
--R
             2 2 2
--R
           96a b c - 48a b c + 6b
--R
--R
         log(2c x + b)
--R
--R.
                5 5
                            5
                                  244
          6 6
--R
        32c x + 96b c x + (192a c + 72b c)x + (384a b c - 16b c)x
--R
             2 3
--R
                   422
                               3 2
                                     5
                                               3 3
                                                     2 2 2
--R
        (240a b c - 32b c )x + (48a b c - 8b c)x - 64a c + 48a b c - 12a b c
--R
--R
        6
--R
        b
```

```
--R /
      6 3 2 5 3 2 4 3
--R
--R
     1024c d x + 1024b c d x + 256b c d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1462
--S 1463 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
             2 4
--R
       - 24a b c + 5b
    (4) -----
--R
--R
             4 3
--R
           512c d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1463
--S 1464 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1464
)clear all
--S 1465 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3/(b*d+2*c*d*x)^4
--R
--R
--R
    (1)
       3 6 2 5 2 2 4 3 3 2 2 2
--R
--R
       c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b)x + (3a c + 3a b)x
--R
         2
--R
--R
       3a b x + a
--R /
        4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4 4 4
--R
      16c d x + 32b c d x + 24b c d x + 8b c d x + b d
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1465
--S 1466 of 1581
r0:=-1/32*(b^2-6*a*c)*x/(c^3*d^4)+1/32*b*x^2/(c^2*d^4)+_
    1/48*x^3/(c*d^4)+1/384*(b^2-4*a*c)^3/(c^4*d^4*(b+2*c*x)^3)-_
    3/128*(b^2-4*a*c)^2/(c^4*d^4*(b+2*c*x))
--R
--R
```

```
--R
    (2)
       1 6 6 1 5 5 3 5 1 2 4 4 9 4 1 3 3 3
--R
--R
       -- c x + -- b c x + (-- a c + -- b c )x + (-- a b c - -- b c )x
--R
                   16 32
                                     32
       48 16
--R
         3 2 4 15 2 3 1 4 2 2
--R
--R
      (- -- a c + -- a b c - -- b c )x
--R
               64
        16
--R
         3 2 3 15 3 2 1 5 1 3 3 1 2 2 2 5 4
--R
      (---abc +---abc ---bc)x ---ac ---abc +---abc
--R
                          64
                                          32
                 128
                                   48
                                                   256
--R
         16
--R
        1 6
--R
--R
       - --- b
--R
        384
--R /
--R
      743 3 642 3 254 1 344
--R
      c d x + - b c d x + - b c d x + - b c d
--R
        2
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1466
--S 1467 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
        6 6 5 5 5 2 4 4 4 3 3 3
--R
--R
      16c x + 48b c x + (144a c + 24b c )x + (216a b c - 16b c )x
--R
            24 23 422 23 32 5
--R
--R
      (- 144a c + 180a b c - 24b c )x + (- 144a b c + 90a b c - 12b c)x
--R
--R
          3 3
                2 2 2
                         4
--R
      - 16a c - 24a b c + 15a b c - 2b
--R /
               6 4 2 2 5 4
--R
       7 4 3
                                    3 4 4
--R
     768c d x + 1152b c d x + 576b c d x + 96b c d
--R
                                Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1467
--S 1468 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1468
```

```
--S 1469 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1469
)clear all
--S 1470 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3/(b*d+2*c*d*x)^5
--R
--R
--R
    (1)
--R
        3 6 2 5 2 2 4
                                              3 3 2
--R
        c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b)x + (3a c + 3a b)x
--R
--R
        2 3
--R
        3a b x + a
--R /
--R
       555 454 2353 3252 4 5 55
--R
      32c d x + 80b c d x + 80b c d x + 40b c d x + 10b c d x + b d
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1470
--S 1471 of 1581
r0:=1/64*b*x/(c^3*d^5)+1/64*x^2/(c^2*d^5)+_
    1/512*(b^2-4*a*c)^3/(c^4*d^5*(b+2*c*x)^4)-_
    3/256*(b^2-4*a*c)^2/(c^4*d^5*(b+2*c*x)^2)-_
    3/128*(b^2-4*a*c)*log(b+2*c*x)/(c^4*d^5)
--R
--R
--R
    (2)
--R
                       2 4 4
           (768a c - 192b c)x + (1536a b c - 384b c)x
--R
--R
--R
                        4 2 2
                                   3 2
                                              5
           (1152a b c - 288b c)x + (384a b c - 96b c)x + 48a b c - 12b
--R
--R
--R
         log(2c x + b)
--R
--R.
           6 6 5 5 2 4 4 3 3 3
--R
        128c x + 384b c x + 448b c x + 256b c x
--R
              2 4
--R
                      2 3
                               4 2 2
                                         2 3 3 2
        (-384a c + 192a b c + 48b c)x + (-384a b c + 192a b c - 16b c)x
--R
--R
--R
           3 3 2 2 2 4
--R
        - 64a c - 48a b c + 36a b c - 5b
```

```
--R /
      8 5 4 7 5 3 2 6 5 2 3 5 5 4 4 5
--R
--R
     8192c d x + 16384b c d x + 12288b c d x + 4096b c d x + 512b c d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1471
--S 1472 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
               5
--R
                     2 4 4
          (768a c - 192b c )x + (1536a b c - 384b c )x
--R
--R
--R
                 2 3 4 2 2
                                  3 2
                                            5
--R
          (1152a b c - 288b c )x + (384a b c - 96b c)x + 48a b c - 12b
--R
--R
         log(2c x + b)
--R
          6 6 5 5 2 4 4 3 3 3
--R
--R
      128с х + 384b с х + 448b с х + 256b с х
--R
--R
           24 23 422 23 32
       (- 384a c + 192a b c + 48b c )x + (- 384a b c + 192a b c - 16b c)x
--R
--R
--R
          3 3 2 2 2 4 6
--R
        - 64a c - 48a b c + 36a b c - 5b
--R /
--R
          8 5 4
                 753 2652 355 445
--R
      8192c d x + 16384b c d x + 12288b c d x + 4096b c d x + 512b c d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1472
--S 1473 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1473
--S 1474 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1474
)clear all
```

```
--S 1475 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3/(b*d+2*c*d*x)^6
--R
--R
--R
   (1)
       3 6 2 5 2 2 4 3 3 2 2 2
--R
      c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b)x + (3a c + 3a b)x
--R
--R
        2 3
--R
--R
       3a b x + a
--R /
        6 6 6 6 5 6 5 2 4 6 4 3 3 6 3 4 2 6 2
--R
--R
       64c d x + 192b c d x + 240b c d x + 160b c d x + 60b c d x
--R
--R
        5 6 6 6
--R
       12b c d x + b d
--R
                                 Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1475
--S 1476 of 1581
r0:=1/64*x/(c^3*d^6)+1/640*(b^2-4*a*c)^3/(c^4*d^6*(b+2*c*x)^5)-
   1/128*(b^2-4*a*c)^2/(c^4*d^6*(b+2*c*x)^3)+_
   3/128*(b^2-4*a*c)/(c^4*d^6*(b+2*c*x))
--R
--R
--R
    (2)
        1 6 6 5 5 5 3 5 13 2 4 4
--R
--R
       -- c x + --- b c x + (- -- a c + --- b c )x
--R
       64
             128 64
                                  256
--R
         3 4 11 3 3 3 1 2 4 1 2 3 11 4 2 2
--R
--R
      (---abc +---bc)x + (---ac ---abc +---bc)x
--R
                  256
                              64
                                      16
--R
         1 2 3 1 3 2 11 5
                                     1 3 3 1 2 2 2 1
--R
--R
      (---abc ---abc +----bc)x ----ac ----abc ----abc
                 64
                                            640
                                                      640
                                    320
--R
         64
                          2048
--R
--R
        11 6
--R
--R
       20480
--R /
--R.
      965 5 864 5 2763 5 3662 5 456 1 546
--R
      cdx + -bcdx + -bcdx + -bcdx + --bcdx + --bcd
--R
            2
                      2 4
                                    16
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1476
--S 1477 of 1581
```

```
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
         6 6 5 5 5 2 4 4
--R
      320c x + 800b c x + (-960a c + 1040b c)x
--R
--R
                                             23 422
--R
                      3 3 3
                                   2 4
      (- 1920a b c + 880b c )x + (- 320a c - 1280a b c + 440b c )x
--R
--R
--R
            2 3 3 2
                              5
                                              2 2 2 4
                                     3 3
       (- 320a b c - 320a b c + 110b c)x - 64a c - 32a b c - 32a b c + 11b
--R
--R /
                       864 2763 3662 456
--R
--R
       20480c d x + 51200b c d x + 51200b c d x + 25600b c d x + 6400b c d x
--R
          5 4 6
--R
--R
       640b c d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1477
--S 1478 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1478
--S 1479 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1479
)clear all
--S 1480 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3/(b*d+2*c*d*x)^7
--R
--R
--R (1)
--R
       3 6 2 5 2 2 4
                                      3 3 2 2 2
       c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b)x + (3a c + 3a b)x
--R
--R
--R
        2 3
       3a b x + a
--R
--R /
```

```
777 676 2575 3474 4373
--R
      128c d x + 448b c d x + 672b c d x + 560b c d x + 280b c d x
--R
--R
--R
          5 2 7 2 6 7 7 7
--R
      84b c d x + 14b c d x + b d
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1480
--S 1481 of 1581
r0:=1/768*(b^2-4*a*c)^3/(c^4*d^7*(b+2*c*x)^6)-_
    3/512*(b^2-4*a*c)^2/(c^4*d^7*(b+2*c*x)^4)+_
    3/256*(b^2-4*a*c)/(c^4*d^7*(b+2*c*x)^2)+1/128*log(b+2*c*x)/(c^4*d^7)
--R
--R
--R
    (2)
--R
                  5 5 2 4 4 3 3 3
                                                  4 2 2 5
             6 6
--R
          768c x + 2304b c x + 2880b c x + 1920b c x + 720b c x + 144b c x
--R
--R
             6
--R
          12b
--R
         log(2c x + b)
--R
--R
--R
              5 244 4 4 333
      (-1152a c + 288b c)x + (-2304a b c + 576b c)x
--R
--R
                 2 3
--R
            2 4
                             422
--R
       (- 576a c - 1440a b c + 396b c )x
--R
--R
          2 3 3 2 5 3 3 2 2 2 4 6
--R
      (- 576a b c - 288a b c + 108b c)x - 128a c - 48a b c - 24a b c + 11b
--R /
--R
            10 7 6
                          9 7 5
                                      2874
--R
      98304c d x + 294912b c d x + 368640b c d x + 245760b c d x
--R
--R
            4672
                       5 5 7
                                   6 4 7
--R
       92160b c d x + 18432b c d x + 1536b c d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1481
--S 1482 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                  5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5
--R
            6 6
--R
          768c x + 2304b c x + 2880b c x + 1920b c x + 720b c x + 144b c x
--R
--R
             6
--R
          12b
```

```
--R
--R
         log(2c x + b)
--R
--R
               5 244
--R
       (- 1152a c + 288b c )x + (- 2304a b c + 576b c )x
--R
             2 4 2 3 4 2 2
--R
--R
      (- 576a c - 1440a b c + 396b c )x
--R
--R
           2 3
                     3 2
                             5
                                       3 3
                                               2 2 2
--R
      (-576a\ b\ c\ -288a\ b\ c\ +108b\ c)x\ -128a\ c\ -48a\ b\ c\ -24a\ b\ c\ +11b
--R /
           10 7 6
                         9 7 5
                                     2874
--R
--R
       98304c d x + 294912b c d x + 368640b c d x + 245760b c d x
--R
--R
           4672 557
                                  6 4 7
--R
        92160b c d x + 18432b c d x + 1536b c d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1482
--S 1483 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1483
--S 1484 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1484
)clear all
--S 1485 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3/(b*d+2*c*d*x)^8
--R
--R
--R (1)
     3 6 2 5 2 2 4
--R
                                            3 3 2 2 2
        c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b)x + (3a c + 3a b)x
--R
--R
        2 3
--R
--R
        3a b x + a
--R /
         888 787 2686 3585 4484
--R
```

```
--R
       256c d x + 1024b c d x + 1792b c d x + 1792b c d x + 1120b c d x
--R
--R
         5 3 8 3 6 2 8 2 7 8 8 8
--R
       448b c d x + 112b c d x + 16b c d x + b d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1485
--S 1486 of 1581
r0:=1/896*(b^2-4*a*c)^3/(c^4*d^8*(b+2*c*x)^7)-_
    3/640*(b^2-4*a*c)^2/(c^4*d^8*(b+2*c*x)^5)+_
    1/128*(b^2-4*a*c)/(c^4*d^8*(b+2*c*x)^3)+(-1/128)/(c^4*d^8*(b+2*c*x))
--R
--R
--R
    (2)
         1 6 6 3 5 5 1 5 7 2 4 4
--R
       ----cx ----bcx + (----ac ----bc)x
--R
--R
         256 256
                             256
--R
--R
          1
              4 1 3 3 3 3 2 4 3 2 3 3 4 2 2
       (----abc ----bc)x + (-----ac ----abc -----bc)x
--R
--R
                                1280
                                         640
--R
--R
          3 2 3 1 3 2 1 5 1 3 3 3 2 2 2
        (- ---- a b c - ---- a b c - ---- b c)x - ---- a c - ---- a b c
--R
--R
                                                  17920
          1280
                    1280
                                2560 1792
--R
       1 4 1 6 - ----- a b c - ---- b
--R
--R
--R
         17920
                  35840
--R /
--R
        11 8 7 7 10 8 6 21 2 9 8 5 35 3 8 8 4 35 4 7 8 3
--R
        c d x + - b c d x + -- b c d x + -- b c d x
--R
--R
--R
       21 5 6 8 2 7 6 5 8 1 7 4 8
       -- b c d x + -- b c d x + --- b c d
--R
                 64
                            128
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1486
--S 1487 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           66 55
--R
                           5 244
--R
       -140c x - 420b c x + (-140a c - 490b c)x
--R
             4 333 24 23 422
--R
       (- 280a b c - 280b c )x + (- 84a c - 168a b c - 84b c )x
--R
```

```
--R
         2 3 3 2 5 3 3 2 2 2 4
--R
--R
       (-84a b c - 28a b c - 14b c)x - 20a c - 6a b c - 2a b c - b
--R /
             11 8 7 10 8 6 2 9 8 5 3 8 8 4
--R
--R
        35840c d x + 125440b c d x + 188160b c d x + 156800b c d x
--R
--R
            4783
                         5 6 8 2
                                     6 5 8
        78400b c d x + 23520b c d x + 3920b c d x + 280b c d
--R
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1487
--S 1488 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1488
--S 1489 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1489
)clear all
--S 1490 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3/(b*d+2*c*d*x)^9
--R
--R
--R
    (1)
        3 6 2 5 2 2 4
                                              3 3 2 2 2
--R
--R
       c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b)x + (3a c + 3a b)x
--R
         2
--R
--R
       3a b x + a
--R /
                      8 9 8 2 7 9 7 3 6 9 6 4 5 9 5
--R
          999
--R.
        512c\ d\ x\ +\ 2304b\ c\ d\ x\ +\ 4608b\ c\ d\ x\ +\ 5376b\ c\ d\ x\ +\ 4032b\ c\ d\ x
--R
--R
           5 4 9 4 6 3 9 3 7 2 9 2 8 9
--R
        2016b c d x + 672b c d x + 144b c d x + 18b c d x + b d
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1490
--S 1491 of 1581
```

```
r0:=1/4*(a+b*x+c*x^2)^4/((b^2-4*a*c)*d^9*(b+2*c*x)^8)
--R
--R
--R
    (2)
        1 48 1 37 1 3 3 2 2 6
--R
      - ---- c x - ---- b c x + (- ---- a c - ---- b c )x
--R
--R
       4096 1024
                           1024
--R
              2 1 3 5 3 2 2 3 2 1 4 4
--R
      (----abc----bc)x + (-----ac------b)x
--R
--R
                 1024
                                     1024
                             2048
       1024
                                              4096
--R
         3 2
                  1 3 3
                              1 3
                                      3 22 2
--R
      (----abc----ab)x + (-----ac----ab)x -----abx
--R
--R
        1024
                            1024
                1024
                                     2048 1024
--R
--R
        1 4
      - ---- a
--R
--R
       4096
--R /
        9 1 2 8 9 8 8 3 7 9 7 2 7 7 4 6 9 6
--R
--R
       (a c - b c) d x + (4a b c - b c) d x + (7a b c - - b c) d x
--R
--R
--R
        3 6 7 5 5 9 5 35 4 5 35 6 4 9 4
--R
       (7a b c - - b c )d x + (-- a b c - -- b c )d x
--R
--R
--R
      7 54 7 7 3 9 3 7 6 3 7 8 2 9 2
--R
      (-abc ---bc)dx + (--abc ---bc)dx
--R
      4
             16
                         16
--R
       1 72 1 9 9 1 8 1 10 9
--R
--R
       (-- a b c - -- b c) d x + (--- a b c - --- b ) d
--R
              64
                        256
                                1024
                        Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--R
--E 1491
--S 1492 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R.
         6 6 5 5 5 2 4 4
      -256c x - 768b c x + (-384a c - 864b c)x
--R
--R
           4 333 24 23 422
--R
--R
      (- 768a b c - 448b c )x + (- 256a c - 448a b c - 112b c )x
--R
--R
           2 3 3 2 5 3 3 2 2 2 4
```

```
--R
      (- 256a b c - 64a b c - 16b c)x - 64a c - 16a b c - 4a b c - b
--R /
--R
             12 9 8 11 9 7 2 10 9 6 3 9 9 5
--R
       262144c d x + 1048576b c d x + 1835008b c d x + 1835008b c d x
--R
--R
             4 8 9 4
                       5 7 9 3
                                       6 6 9 2
--R
      1146880b c d x + 458752b c d x + 114688b c d x + 16384b c d x
--R
--R
          8 4 9
--R
       1024b c d
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1492
--S 1493 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
              1
--R (4) -----
         5 249
--R
--R
        (4096a c - 1024b c )d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1493
--S 1494 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1494
)clear all
--S 1495 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3/(b*d+2*c*d*x)^10
--R
--R
--R
   (1)
       3 6 2 5 2 2 4
--R
                                            3 3 2
--R
       c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b)x + (3a c + 3a b)x
--R
--R
        2
--R
       3a b x + a
--R /
--R
          10 10 10 9 10 9 2 8 10 8 3 7 10 7
--R
      1024c d x + 5120b c d x + 11520b c d x + 15360b c d x
--R
           4 6 10 6 5 5 10 5 6 4 10 4 7 3 10 3
--R
--R
     13440b c d x + 8064b c d x + 3360b c d x + 960b c d x
```

```
--R
       8 2 10 2 9 10 10 10
--R
--R
       180b c d x + 20b c d x + b d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1495
--S 1496 of 1581
r0:=1/1152*(b^2-4*a*c)^3/(c^4*d^10*(b+2*c*x)^9)-_
   3/896*(b^2-4*a*c)^2/(c^4*d^10*(b+2*c*x)^7)+_
   3/640*(b^2-4*a*c)/(c^4*d^10*(b+2*c*x)^5)+(-1/384)/(c^4*d^10*(b+2*c*x)^3)
--R
--R
--R
    (2)
         1 6 6 1 5 5 3 5 11 2 4 4
--R
       - ---- c x - ---- b c x + (- ---- a c - ----- b c) x
--R
--R
        3072
                1024
                              5120
--R
--R
                4 1 3 3 3 3 2 4 3 2 3 1 4 2 2
       (----abc ----bc)x + (-----ac -----abc -----bc)x
--R
--R
         2560 1920
                                 7168 4480
--R
          3 2 3 3 3 2 1 5 1 3 3 1 2 2 2
--R
--R
       (-----abc ------abc ------abc)x ------abc
--R
                   35840
                              71680
         7168
                                         9216
--R
          1 4 1
--R
       - ----- a b c - ----- b
--R
--R
        215040 1290240
--R /
--R
       13 10 9 9 12 10 8 2 11 10 7 21 3 10 10 6 63 4 9 10 5
--R
       c d x + - b c d x + 9b c d x + -- b c d x + -- b c d x
--R
--R
--R
       63 5 8 10 4 21 6 7 10 3 9 7 6 10 2 9 8 5 10 1 9 4 10
--R
       -- \ b \ c \ d \ x \ + -- \ b \ c \ d \ x \ + --- \ b \ c \ d \ x \ + --- \ b \ c \ d
                             32 256 512
--R
                  16
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1496
--S 1497 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R.
--R (3)
          6 6 5 5 5 2 4 4
--R
       -420c x - 1260b c x + (-756a c - 1386b c)x
--R
--R
                     3 3 3 2 4 2 3 4 2 2
--R
     (- 1512a b c - 672b c )x + (- 540a c - 864a b c - 144b c )x
--R
--R
```

```
2 3 3 2 5 3 3 2 2 2 4 6
--R
       (- 540a b c - 108a b c - 18b c)x - 140a c - 30a b c - 6a b c - b
--R
--R /
--R
             13 10 9
                             12 10 8
                                            2 11 10 7
--R
      1290240c d x + 5806080b c d x + 11612160b c d x
--R
              3 10 10 6 4 9 10 5 5 8 10 4
--R
--R
      13547520b c d x + 10160640b c d x + 5080320b c d x
--R
            6 7 10 3 7 6 10 2
--R
                                        8 5 10
--R
       1693440b c d x + 362880b c d x + 45360b c d x + 2520b c d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1497
--S 1498 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1498
--S 1499 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1499
)clear all
--S 1500 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3/(b*d+2*c*d*x)^11
--R
--R
--R
   (1)
     36 25 2 2 4
                                           3 3 2
--R
--R
       cx + 3bcx + (3ac + 3bc)x + (6abc + b)x + (3ac + 3ab)x
--R
        2
--R
--R
       3a b x + a
--R /
--R.
          11 11 11
                         10 11 10 2 9 11 9 3 8 11 8
--R
       2048c d x + 11264b c d x + 28160b c d x + 42240b c d x
--R
           4 7 11 7 5 6 11 6 6 5 11 5 7 4 11 4
--R
--R
      42240b c d x + 29568b c d x + 14784b c d x + 5280b c d x
--R
--R
          8 3 11 3 9 2 11 2 10 11 11 11
```

```
--R
       1320b c d x + 220b c d x + 22b c d x + b d
--R
                                 Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1500
--S 1501 of 1581
r0:=1/1280*(b^2-4*a*c)^3/(c^4*d^11*(b+2*c*x)^10)-_
   3/1024*(b^2-4*a*c)^2/(c^4*d^11*(b+2*c*x)^8)+_
   1/256*(b^2-4*a*c)/(c^4*d^11*(b+2*c*x)^6)+(-1/512)/(c^4*d^11*(b+2*c*x)^4)
--R
--R
--R
    (2)
         1 6 6 3 5 5 1 5 13 2 4 4
--R
       - ---- c x - ---- b c x + (- ---- a c - ----- b c )x
--R
                8192
--R
        8192
                              4096
                                       32768
--R
--R
          1
              4 3 333
--R
      (- ---- a b c - ---- b c )x
--R
         2048
                   16384
--R
          3 2 4 9 2 3 9 4 2 2
--R
       (- ---- a c - ---- a b c - ---- b c )x
--R
         16384 32768
--R
                             262144
--R
--R
         3 2 3 1 3 2 1 5 1 3 3
       (- ---- a b c - ---- a b c - ---- b c)x - ---- a c
--R
         16384 32768 262144
--R
                                           20480
--R
--R
          3 2 2 2 1 4 1 6
       - ----- a b c - ----- b
--R
--R
        327680
                   655360 5242880
--R /
       --R
--R
       c d x + 5b c d x + -- b c d x + 15b c d x + --- b c d x
--R
--R
       63 5 9 11 5 105 6 8 11 4 15 7 7 11 3 45 8 6 11 2
--R
--R
      -- b c d x + --- b c d x + -- b c d x + --- b c d x
                              16
                  32
--R
--R
       5 9 5 11 1 10 4 11
--R
       --- b c d x + ---- b c d
--R
--R
       256
                  1024
--R.
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 1501
--S 1502 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
```

```
6 6 5 5 5 2 4 4
--R
--R
       -640c x - 1920b c x + (-1280a c - 2080b c)x
--R
--R
                     3 3 3
                                           2 3 4 2 2
                                  2 4
       (- 2560a b c - 960b c )x + (- 960a c - 1440a b c - 180b c )x
--R
--R
            2 3 3 2 5 3 3 2 2 2 4 6
--R
--R
       (- 960a b c - 160a b c - 20b c)x - 256a c - 48a b c - 8a b c - b
--R /
                              13 11 9
--R
             14 11 10
                                             2 12 11 8
--R
       5242880c d x + 26214400b c d x + 58982400b c d x
--R
              3 11 11 7
                              4 10 11 6
--R
                                              5 9 11 5
--R
      78643200b c d x + 68812800b c d x + 41287680b c d x
--R
--R
             6 8 11 4 7 7 11 3 8 6 11 2 9 5 11
--R
      17203200b c d x + 4915200b c d x + 921600b c d x + 102400b c d x
--R
--R
          10 4 11
--R
       5120b c d
--R
                                  Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1502
--S 1503 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1503
--S 1504 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1504
)clear all
--S 1505 of 1581
t0:=(a+b*x+c*x^2)^3/(b*d+2*c*d*x)^12
--R
--R
--R
   (1)
       3 6 2 5 2 2 4
                                     3 3 2 2 2
--R
      c x + 3b c x + (3a c + 3b c)x + (6a b c + b)x + (3a c + 3a b)x
--R
--R
      2 3
--R
```

```
--R
       3a b x + a
--R /
--R
          12 12 12 11 12 11 2 10 12 10 3 9 12 9
--R
       4096c d x + 24576b c d x + 67584b c d x + 112640b c d x
--R
                         5 7 12 7
--R
            4 8 12 8
                                      6 6 12 6
                                                    7 5 12 5
--R
      126720b c d x + 101376b c d x + 59136b c d x + 25344b c d x
--R
           8 4 12 4 9 3 12 3 10 2 12 2 11 12 12 12
--R
--R
       7920b c d x + 1760b c d x + 264b c d x + 24b c d x + b d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1505
--S 1506 of 1581
r0:=1/1408*(b^2-4*a*c)^3/(c^4*d^12*(b+2*c*x)^11)-_
    1/384*(b^2-4*a*c)^2/(c^4*d^12*(b+2*c*x)^9)+_
    3/896*(b^2-4*a*c)/(c^4*d^12*(b+2*c*x)^7)+(-1/640)/(c^4*d^12*(b+2*c*x)^5)
--R.
--R
--R (2)
--R
         1 66 3 55 3 5 9 24 4
       ----- c x ----- b c x + (----- a c ----- b c )x
--R
--R
        20480 20480
                              28672 57344
--R
--R
           3 4 1 3 3 3
       (- ---- a b c - ---- b c )x
--R
--R
         14336 14336
--R
--R
          1 24 5 23 1 422
--R
       (- ---- a c - ---- a b c - ---- b c )x
--R
         12288 43008
                              86016
--R
          1 2 3 1 3 2
--R
                                 1 5 1 3 3
--R
       (- ---- a b c - ---- a b c - ---- b c)x - ---- a c
--R
         12288
                    86016
                               860160
--R
          1 222 1
                            4
--R
       - ----- a b c \, - ----- b
--R
                    1892352
                                 18923520
--R
        270336
--R /
        --R
--R
        \begin{picture}(c & d & x & +-- & b & c & d & x & +--- & b & c & d & x \\ \end{picture}
--R.
                2
--R.
--R
       165 4 11 12 7 231 5 10 12 6 231 6 9 12 5 165 7 8 12 4
--R
       --- b c d x + --- b c d x + --- b c d x
--R
--R
       165 8 7 12 3 55 9 6 12 2 11 10 5 12 1 11 4 12
--R
--R
       --- b c d x + --- b c d x + --- b c d x + --- b c d
```

```
--R
        256
                     512
                                  1024
                                                2048
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--R
--Е 1506
--S 1507 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
           6 6 5 5
                              5
--R
--R
       -924c x - 2772b c x + (-1980a c - 2970b c)x
--R
                4 333 24 23 422
--R
      (- 3960a b c - 1320b c )x + (- 1540a c - 2200a b c - 220b c )x
--R
--R
                                       3 3
--R
             2 3 3 2 5
                                                2 2 2 4
--R
       (- 1540a b c - 220a b c - 22b c)x - 420a c - 70a b c - 10a b c - b
--R /
--R
              15 12 11
                                 14 12 10
                                                  2 13 12 9
--R
       18923520c d x + 104079360b c d x + 260198400b c d x
--R
--R
                3 12 12 8 4 11 12 7 5 10 12 6
--R
      390297600b c d x + 390297600b c d x + 273208320b c d x
--R
--R
                                7 8 12 4
                6 9 12 5
                                          8 7 12 3
--R
      136604160b c d x + 48787200b c d x + 12196800b c d x
--R
--R
              9 6 12 2 10 5 12 11 4 12
--R
        2032800b \ c \ d \ x + 203280b \ c \ d \ x + 9240b \ c \ d
--R
                                    Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1507
--S 1508 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1508
--S 1509 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1509
)clear all
```

```
--S 1510 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^8/(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
--R (1)
           888 787 2686 3585 4484
--R
--R
       256c d x + 1024b c d x + 1792b c d x + 1792b c d x + 1120b c d x
--R
                    6282 7888
--R
          5 3 8 3
       448b c d x + 112b c d x + 16b c d x + b d
--R
--R /
        2
--R
--R
     cx + bx + a
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1510
--S 1511 of 1581
r0:=2*(b^2-4*a*c)^3*d^8*(b+2*c*x)+2/3*(b^2-4*a*c)^2*d^8*(b+2*c*x)^3+_
    2/5*(b^2-4*a*c)*d^8*(b+2*c*x)^5+2/7*d^8*(b+2*c*x)^7-_
    2*(b^2-4*a*c)^(7/2)*d^8*atanh((b+2*c*x)/sqrt(b^2-4*a*c))
--R
--R
--R
    (2)
--R
             3 3 2 2 2 4
                                            6 8 | 2
--R
         (13440a c - 10080a b c + 2520a b c - 210b )d | - 4a c + b
--R
--R
--R
                2c x + b
--R
         atanh(-----)
--R
              1 2
--R
--R
              \|- 4a c + b
--R
           787 686 6 2585
--R
--R
       3840c d x + 13440b c d x + (-5376a c + 21504b c) d x
--R
--R
                5
                        3 4 8 4
--R
       (-13440a b c + 20160b c)d x
--R
--R
                  2 4
                             4 3 8 3
--R
        (8960a c - 17920a b c + 12320b c)d x
--R
--R
            2 4
                    3 3 5 2 8 2
--R
        (13440a b c - 13440a b c + 5040b c)d x
--R
--R
               3 4 2 2 3
                                    4 2
--R
       (-26880a c + 26880a b c - 10080a b c + 1680b c)d x
--R
               3 3 2 3 2 5 7 8
--R
--R
        (-13440a b c + 11200a b c - 3248a b c + 352b )d
```

```
--R /
--R 105
--R
                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1511
--S 1512 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
    (3)
--R
--R
   [
--R
             3 3 2 2 2 4 6 8 | 2
--R
--R
          (6720a c - 5040a b c + 1260a b c - 105b)d \mid - 4a c + b
--R
--R
--R
                                2 2
--R
            (2c x + b) | - 4a c + b + 2c x + 2b c x - 2a c + b
--R
--R
--R
                           cx + bx + a
--R
--R
          787 686 6 2585
--R
        3840c d x + 13440b c d x + (-5376a c + 21504b c) d x
--R
            5 3484
--R
--R
        (-13440a b c + 20160b c)d x
--R
            25 24 4383
--R
--R
        (8960a c - 17920a b c + 12320b c)d x
--R
             2 4 3 3 5 2 8 2
--R
--R
        (13440a b c - 13440a b c + 5040b c)d x
--R
              3 4 2 2 3 4 2
--R
        (-26880a c + 26880a b c - 10080a b c + 1680b c)d x
--R
--R
--R
       105
--R
--R
--R
               3 3 2 2 2 4 6 8 | 2
--R
--R
          --R
--R
             1 2
--R
--R
             \|4a c - b
--R
          atan(-----)
              2c x + b
--R
--R
```

```
787 686 6 2585
--R
--R
         3840c d x + 13440b c d x + (- 5376a c + 21504b c )d x
--R
--R
                 5 3484
--R
        (-13440a b c + 20160b c)d x
--R
            25 24 4383
--R
--R
         (8960a c - 17920a b c + 12320b c)d x
--R
             2 4 3 3 5 2 8 2
--R
--R
        (13440a b c - 13440a b c + 5040b c)d x
--R
              3 4 2 2 3 4 2 6 8
--R
        (- 26880a c + 26880a b c - 10080a b c + 1680b c)d x
--R
--R
--R
       105
--R
     ]
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1512
--S 1513 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
             3 3 2 2 2 4 6 8 | 2
--R
--R
         (6720a c - 5040a b c + 1260a b c - 105b )d \|- 4a c + b
--R
--R
                   ] 2 2 2
--R
--R
            (2c x + b) | - 4a c + b + 2c x + 2b c x - 2a c + b
--R
--R
--R
                          cx + bx + a
--R
--R
              3 3 2 2 2 4 6 8 | 2
--R
        (- 13440a c + 10080a b c - 2520a b c + 210b )d \|- 4a c + b
--R
--R
--R
               2c x + b
         atanh(-----)
--R
--R.
             | 2
--R
             \|- 4a c + b
--R
--R
            3 3 2 3 2 5 7 8
--R
--R
       (13440a b c - 11200a b c + 3248a b c - 352b)d
--R /
--R
     105
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1513
--S 1514 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1514
--S 1515 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
                3 3 2 2 2 4 6 8 | 2
--R
--R
         (-13440a c + 10080a b c - 2520a b c + 210b )d |- 4a c + b
--R
--R
                 2c x + b
--R
         atanh(-----)
--R
               1 2
--R
--R
              \|- 4a c + b
--R
--R
                 3 3 2 2 2 4 6 8 | 2
--R
--R
         (-13440a c + 10080a b c - 2520a b c + 210b )d | 4a c - b
--R
--R
              +----+
             --R
--R
             \|4a c - b
--R
         atan(-----)
--R
              2c x + b
--R
            3 3 2 3 2 5
--R
--R
        (13440a b c - 11200a b c + 3248a b c - 352b )d
--R /
--R
      105
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1515
--S 1516 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1516
```

```
)clear all
--S 1517 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^7/(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
--R
    (1)
           777 676 2575 3474 4373
--R
       128c d x + 448b c d x + 672b c d x + 560b c d x + 280b c d x
--R
--R
                   6 7
                           7 7
--R
         5 2 7 2
       84b c d x + 14b c d x + b d
--R
--R /
--R
        2
--R
     cx + bx + a
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1517
--S 1518 of 1581
r0:=(b^2-4*a*c)^2*d^7*(b+2*c*x)^2+1/2*(b^2-4*a*c)*d^7*(b+2*c*x)^4+_
    1/3*d^7*(b+2*c*x)^6+(b^2-4*a*c)^3*d^7*log(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
     (2)
                                                             6 7 6
             3 3 2 2 2
                           4 6 7 2
--R
--R
       (-384a c + 288a b c - 72a b c + 6b) d log(c x + b x + a) + 128c d x
--R
--R
             5 7 5
                                2474
                                                        3 3 7 3
                          5
--R
        384b c d x + (-192a c + 528b c) d x + (-384a b c + 416b c) d x
--R
            24 23 4272 23 32 57
--R
--R
       (384a c - 480a b c + 216b c)d x + (384a b c - 288a b c + 72b c)d x
--R
--R
           2 2 2
                    4
       (96a b c - 60a b c + 11b )d
--R
--R /
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1518
--S 1519 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
            3 3 2 2 2 4 6 7 2
--R
      (-192a c + 144a b c - 36a b c + 3b) d log(c x + b x + a) + 64c d x
--R
--R
            5 7 5 5
                                2 4 7 4
                                             4 3373
```

```
192b c d x + (- 96a c + 264b c )d x + (- 192a b c + 208b c )d x
--R
--R
--R
            24 23 4272 23 32 57
--R
       (192a c - 240a b c + 108b c )d x + (192a b c - 144a b c + 36b c)d x
--R /
--R
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1519
--S 1520 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
             2 2 2 4 6 7
--R
       (- 96a b c + 60a b c - 11b )d
--R
--R
    (4) -----
--R
                      6
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1520
--S 1521 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1521
)clear all
--S 1522 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^6/(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
--R (1)
          6 6 6 5 6 5 2 4 6 4 3 3 6 3 4 2 6 2
--R
--R
       64c d x + 192b c d x + 240b c d x + 160b c d x + 60b c d x
--R
          5 6 66
--R
--R
       12b c d x + b d
--R /
--R
         2
--R
     cx + bx + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1522
--S 1523 of 1581
r0:=2*(b^2-4*a*c)^2*d^6*(b+2*c*x)+2/3*(b^2-4*a*c)*d^6*(b+2*c*x)^3+_
    2/5*d^6*(b+2*c*x)^5-2*(b^2-4*a*c)^(5/2)*_
    d^6*atanh((b+2*c*x)/sqrt(b^2-4*a*c))
```

```
--R
--R
--R
    (2)
--R
            2 2 2 4 6 | 2 2c x + b
--R
--R
       (-480a c + 240a b c - 30b)d = 4a c + b atanh(-----)
--R
                                               \|- 4a c + b
--R
--R
      5 6 5 4 6 4 4
--R
                                       2 3 6 3
      192c d x + 480b c d x + (- 320a c + 560b c )d x
--R
--R
              3 3 2 6 2 2 3
                                       2 2
--R
--R
      (- 480a b c + 360b c )d x + (960a c - 720a b c + 180b c)d x
--R
--R
         2 2 3 5 6
       (480a b c - 280a b c + 46b )d
--R
--R /
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1523
--S 1524 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
   [
--R
             2 2 2 4 6 | 2
--R
--R
          (240a c - 120a b c + 15b)d | - 4a c + b
--R
                      +-----+
| 2 2 2
--R
--R
--R
             (-2c x - b) | -4a c + b + 2c x + 2b c x - 2a c + b
--R
--R
--R
                             cx + bx + a
--R
          5 6 5 4 6 4
                             4 2363
--R
        192c d x + 480b c d x + (-320a c + 560b c)d x
--R
--R
--R
                3 3 2 6 2 2 3 2 2 4 6
--R
        (-480a b c + 360b c) d x + (960a c - 720a b c + 180b c) d x
--R
--R
       15
--R
--R
--R
                                             +----+
```

```
+-----+ | 2
2 2 2 4 6 | 2 \|4a c - b 5 6 5
                                          1 2
--R
--R
--R
        (480a c - 240a b c + 30b)d | 4a c - b atan(-----) + 192c d x
--R
                                           2c x + b
--R
            4 6 4 4 2 3 6 3
                                              3
--R
                                                      3 2 6 2
--R
        480b c d x + (-320a c + 560b c) d x + (-480a b c + 360b c) d x
--R
           2 3 2 2 4 6
--R
       (960a c - 720a b c + 180b c)d x
--R
--R
--R
       15
--R
     ]
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1524
--S 1525 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
           2 2 2 4 6 | 2
--R
        (240a c - 120a b c + 15b )d \|- 4a c + b
--R
--R
                     +-----+
| 2 22
--R
--R
--R
           (-2c x - b) | -4a c + b + 2c x + 2b c x - 2a c + b
--R
        log(-----)
--R
--R
                           c x + b x + a
--R
--R
         2 2 2 4 6 | 2
--R
--R
      (480a c - 240a b c + 30b)d = 4a c + b atanh(-----)
--R
                                            1 2
--R
--R
                                            --R
        2 2 3 5 6
--R
      (- 480a b c + 280a b c - 46b )d
--R
--R /
--R
    15
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1525
--S 1526 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
```

```
--R
   (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1526
--S 1527 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
            2 2 2 4 6 | 2
--R
                                                   2c x + b
        (480a c - 240a b c + 30b)d = 4a c + b atanh(-----)
--R
--R
                                                 1 2
--R
--R
                                                 --R
--R
                                               +----+
                                               1 2
--R
           2 2 2 4 6 | 2
--R
                                              \|4a c - b
--R
        (480a c - 240a b c + 30b )d \| 4a c - b atan(-----)
--R
                                                2c x + b
--R
           2 2 3 5 6
--R
--R
        (- 480a b c + 280a b c - 46b )d
--R /
--R
      15
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1527
--S 1528 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R
   (7) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1528
)clear all
--S 1529 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^5/(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
--R
          5 5 5 4 5 4 2 3 5 3 3 2 5 2 4 5 5 5
--R
         32c d x + 80b c d x + 80b c d x + 40b c d x + 10b c d x + b d
--R
--R
                                 2
--R
                              cx + bx + a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1529
```

```
--S 1530 of 1581
r0:=(b^2-4*a*c)*d^5*(b+2*c*x)^2+1/2*d^5*(b+2*c*x)^4+_
    (b^2-4*a*c)^2*d^5*log(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
--R (2)
           2 2 2 4 5
--R
                                 2
                                                4 5 4
--R
       (32a c - 16a b c + 2b) d log(c x + b x + a) + 16c d x + 32b c d x
--R
            3 2 2 5 2 2
--R
                                         3 5 2 4 5
      (- 32a c + 32b c )d x + (- 32a b c + 16b c)d x + (- 8a b c + 3b )d
--R
--R /
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1530
--S 1531 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
                                           4 5 4 3 5 3
--R
     2 2 2 4 5 2
     (16a c - 8a b c + b )d log(c x + b x + a) + 8c d x + 16b c d x
--R
--R
       3 2 2 5 2 2
--R
     (- 16a c + 16b c )d x + (- 16a b c + 8b c)d x
--R
--R
                                   Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1531
--S 1532 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
           2 4 5
--R
       (8a b c - 3b )d
--R
--R (4) -----
          2
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1532
--S 1533 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1533
)clear all
```

```
--S 1534 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^4/(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
            4 4 4 3 4 3 2 2 4 2 3 4
--R
--R
         16c d x + 32b c d x + 24b c d x + 8b c d x + b d
--R
--R
--R
                          cx + bx + a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1534
--S 1535 of 1581
r0:=2*(b^2-4*a*c)*d^4*(b+2*c*x)+2/3*d^4*(b+2*c*x)^3-_
    2*(b^2-4*a*c)^(3/2)*d^4*atanh((b+2*c*x)/sqrt(b^2-4*a*c))
--R.
--R
--R
     (2)
--R
                  2 4 | 2
--R
                                         2c x + b 3 4 3
--R
        (24a c - 6b)d = 4a c + b a tanh(-----) + 16c d x
--R
                                        | 2
--R
--R
                                       \|- 4a c + b
--R
                   2 2 4
--R
           2 4 2
--R
        24b c d x + (-48a c + 24b c) d x + (-24a b c + 8b) d
--R /
--R
      3
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1535
--S 1536 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     (3)
--R
     Ε
--R
                     2 4 | 2
--R
--R
            (12a c - 3b )d | - 4a c + b
--R.
--R
                         | 2
--R
                                       2 2
--R
                (2c x + b) = 4a c + b + 2c x + 2b c x - 2a c + b
--R
--R
--R
                                 c x + b x + a
--R
```

```
3 4 3 2 4 2 2 2 4
--R
--R
        16c d x + 24b c d x + (-48a c + 24b c)d x
--R
     /
--R
     3
--R
--R
                                  +----+
| 2
--R
--R
                                 2 4 | 2
--R
        (-24a c + 6b)d | 4a c - b atan(-----) + 16c d x + 24b c d x
--R
--R
                                    2c x + b
--R
          2 2 4
--R
        (- 48a c + 24b c)d x
--R
--R
--R
      3
--R
     ]
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1536
--S 1537 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
                2 4 | 2
--R
--R
        (12a c - 3b )d \|- 4a c + b
--R
--R
                   1 2 22
--R
--R
            (2c x + b) = 4a c + b + 2c x + 2b c x - 2a c + b
--R
--R
--R
                          cx + bx + a
--R
--R
                 2 4 | 2
                                    2c x + b
--R
       (- 24a c + 6b )d \|- 4a c + b atanh(-----) + (24a b c - 8b )d
--R
--R
                                    1 2
--R
--R
                                    --R /
--R 3
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1537
--S 1538 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
```

```
--R
--R
    (5) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 1538
--S 1539 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
     (6)
--R
                   2 4 | 2
                                        2c x + b
--R
        (-24a c + 6b)d = 4a c + b atanh(-----)
--R
--R
--R
                                       | 2
--R
                                       \|- 4a c + b
--R
--R
                                    1 2
--R
                       +----+
                   2 4 | 2 \|4a c - b
--R
--R
        (-24a c + 6b)d | 4a c - b atan(-----) + (24a b c - 8b)d
--R
                                      2c x + b
--R /
--R
     3
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1539
--S 1540 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1540
)clear all
--S 1541 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^3/(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
--R
         3 3 3 2 3 2 2 3 3 3
--R
       8c d x + 12b c d x + 6b c d x + b d
--R
    (1) -----
--R
                     2
--R
                   c x + b x + a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1541
--S 1542 of 1581
```

```
r0:=d^3*(b+2*c*x)^2+(b^2-4*a*c)*d^3*log(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
                                           2 3 2 3 2 3
--R
                   2 3 2
--R
    (2) (-4a c + b)d log(c x + b x + a) + 4c d x + 4b c d x + b d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1542
--S 1543 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
                   2 3 2
                                          2 3 2 3
--R
    (3) (-4ac+b)d \log(cx+bx+a)+4cdx+4bcdx
--R
--R
                                      Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1543
--S 1544 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
          2 3
--R (4) - b d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1544
--S 1545 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1545
)clear all
--S 1546 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)^2/(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
                      2
--R
          2 2 2
       4cdx + 4bcdx + bd
--R
--R (1) -----
--R
                2
--R
             cx + bx + a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1546
--S 1547 of 1581
\texttt{r0:=2*d^2*(b+2*c*x)-2*d^2*atanh((b+2*c*x)/sqrt(b^2-4*a*c))*sqrt(b^2-4*a*c)}
```

```
--R
--R
--R
         +----+
2 |           2
                          2c x + b 2 2
--R
   (2) - 2d \|- 4a c + b atanh(-----) + 4c d x + 2b d
--R
                          +----+
--R
--R
--R
                            \|- 4a c + b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1547
--S 1548 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
--R
   [
--R
         2 | 2
--R
--R
         d \|- 4a c + b
--R
                      +-----+
--R
--R
           (-2c x - b) = 4a c + b + 2c x + 2b c x - 2a c + b
--R
--R
         log(-----)
--R
--R
                             c x + b x + a
--R
--R
          2
--R
      4c d x
--R
                    +----+
| 2
--R
      +----+ | 2
2 | 2 \|4a c - b 2
--R
--R
--R
     2d \| 4a c - b atan(-----) + 4c d x]
--R
                      2c x + b
--R
                             Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1548
--S 1549 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
    (4)
--R
        2 | 2
--R
--R
      d \|- 4a c + b
--R
--R
                     +-----+
| 2 2 2
--R
                                                     2
```

```
(-2c x - b) = 4a c + b + 2c x + 2b c x - 2a c + b
--R
--R
--R
                         2
--R
                         cx + bx + a
--R +
--R
      2 | 2
                        2c x + b 2
--R
      2d \|- 4a c + b atanh(-----) - 2b d
--R
--R
                       | 2
--R
--R
                       \|- 4a c + b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1549
--S 1550 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1550
--S 1551 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
   (6)
--R
     --R
--R
     2d \|- 4a c + b atanh(------) + 2d \|4a c - b atan(------)
--R
                        +----+
--R
                                                     2c x + b
                       1 2
--R
--R
                       \ |-4ac+b
--R
--R
--R
    - 2b d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1551
--S 1552 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1552
)clear all
```

```
--S 1553 of 1581
t0:=(b*d+2*c*d*x)/(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
--R
         2c d x + b d
--R (1) -----
--R 2 --R c x + b x + a
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1553
--S 1554 of 1581
r0:=d*log(a+b*x+c*x^2)
--R
--R
--R
                  2
--R (2) d log(c x + b x + a)
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1554
--S 1555 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R (3) d log(c x + b x + a)
--R
                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1555
--S 1556 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1556
--S 1557 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
    (5) 0
--R
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1557
)clear all
--S 1558 of 1581
t0:=1/((b*d+2*c*d*x)*(a+b*x+c*x^2))
--R
```

```
--R
--R
                           1
--R
     (1) -----
        2 3 2 2
--R
--R
         2c d x + 3b c d x + (2a c + b) d x + a b d
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1558
--S 1559 of 1581
\verb"r0:=-2*log(b+2*c*x)/((b^2-4*a*c)*d)+log(a+b*x+c*x^2)/((b^2-4*a*c)*d)
--R
          2
--R
--R
      - \log(c x + b x + a) + 2\log(2c x + b)
--R
--R
                       2
--R
                   (4a c - b )d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1559
--S 1560 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
     - \log(c x + b x + a) + 2\log(2c x + b)
--R
--R
     (3) -----
--R
--R
                    (4a c - b )d
--R
                                     Type: Union(Expression(Integer),...)
--Е 1560
--S 1561 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1561
--S 1562 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1562
)clear all
```

```
--S 1563 of 1581
t0:=1/((b*d+2*c*d*x)^2*(a+b*x+c*x^2))
--R
--R
--R
                                  1
--R
   (1) -----
        3 2 4 2 2 3 2 2 2 2 3 2
--R
--R
        4c d x + 8b c d x + (4a c + 5b c)d x + (4a b c + b )d x + a b d
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 1563
--S 1564 of 1581
r0:=2/((b^2-4*a*c)*d^2*(b+2*c*x))-2*atanh((b+2*c*x)/_
    sqrt(b^2-4*a*c)/((b^2-4*a*c)^(3/2)*d^2)
--R
--R
--R
                                    1 2
--R
                        2c x + b
--R
         (4c x + 2b) atanh(-----) - 2|- 4a c + b
--R
                       1 2
--R
                      --R
--R
--R
           2 2 2 3 2 | 2
--R
--R
        ((8a c - 2b c)d x + (4a b c - b)d) - 4a c + b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1564
--S 1565 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
   (3)
--R
    Γ
--R
           (2c x + b)
--R
--R
           log
--R
                                   2 | 2
--R
                (2c x + 2b c x - 2a c + b) = 4a c + b + (-8a c + 2b c)x
--R
--R
--R.
                         3
--R
                - 4a b c + b
--R
--R
                2
--R
              c x + b x + a
--R
--R
            1 2
--R
```

```
- 2\|- 4a c + b
--R
--R
--R
        2 2 2 3 2 2
--R
     ((8a c - 2b c)d x + (4a b c - b)d) = 4a c + b
--R
--R
--R
                  2 +----+
(2c x + b)\|4a c - b | 2
--R
--R
     (- 4c x - 2b)atan(-----) - 2\|4a c - b
--R
--R
--R
                      4a c - b
--R
--R
         2 2 2 3 2 | 2
--R
--R
       ((8a c - 2b c)d x + (4a b c - b )d ) | 4a c - b
--R
                            Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--Е 1565
--S 1566 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
   (4)
--R
       log
            --R
--R
--R
--R
--R
--R
            - 4a b c + b
--R
--R
--R
         cx + bx + a
--R
--R
               2c x + b
       - 2atanh(-----)
--R
           +----+
--R
              1 2
--R
--R
              \ |- 4ac+b
--R /
--R
--R
           2 2 | 2
      (4a c - b )d \|- 4a c + b
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 1566
--S 1567 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
```

```
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1567
--S 1568 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
          1 2
                      2c x + b
--R
       - 2\|4a c - b atanh(-----)
--R
                       +----+
--R
--R
                        | 2
--R
                        \|- 4a c + b
--R
--R
                                 1 2
         +----+
--R
         \frac{1}{2} (2c x + b) | 4a c - b
--R
--R
       - 2\|- 4a c + b atan(-----)
                              2
--R
                              4a c - b
--R
--R /
--R
           2 2 | 2 | 2
--R
--R
      (4a c - b)d = 4a c + b = 4a c - b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1568
--S 1569 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1569
)clear all
--S 1570 of 1581
t0:=1/((b*d+2*c*d*x)^3*(a+b*x+c*x^2))
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
       4 3 5 3 3 4 3 2 2 3 3 2 3 3 2
--R
      8c d x + 20b c d x + (8a c + 18b c )d x + (12a b c + 7b c)d x
--R
--R
```

```
2 4 3 3 3
--R
--R
        (6a b c + b)d x + a b d
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1570
--S 1571 of 1581
r0:=1/((b^2-4*a*c)*d^3*(b+2*c*x)^2)-2*log(b+2*c*x)/_
    ((b^2-4*a*c)^2*d^3)+\log(a+b*x+c*x^2)/((b^2-4*a*c)^2*d^3)
--R
--R
     (2)
--R
                        2
        (4c x + 4b c x + b) \log(c x + b x + a)
--R
--R
--R
                           2
           2 2
--R
        (-8c x - 8b c x - 2b)\log(2c x + b) - 4a c + b
--R /
--R
            2 4 2 3 4 2 3 2
                                       2 3 3 2 5 3
--R
         (64a c - 32a b c + 4b c)d x + (64a b c - 32a b c + 4b c)d x
--R
--R
            2 2 2 4 6 3
--R
        (16a b c - 8a b c + b )d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1571
--S 1572 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
    (3)
                        2 2
--R
           2 2
--R
        (4c x + 4b c x + b) \log(c x + b x + a)
--R
--R
--R
        (-8c x - 8b c x - 2b)\log(2c x + b) - 4a c + b
--R /
                                                  3 2 5 3
--R
                    23 4232
                                        2 3
--R
        (64a c - 32a b c + 4b c )d x + (64a b c - 32a b c + 4b c)d x
--R
                    4 6 3
--R
            2 2 2
--R
        (16a b c - 8a b c + b)d
--R
                                       Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 1572
--S 1573 of 1581
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
    (4) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1573
--S 1574 of 1581
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1574
)clear all
--S 1575 of 1581
t0:=1/((b*d+2*c*d*x)^4*(a+b*x+c*x^2))
--R
--R
--R (1)
--R 1
--R /
         5 4 6 4 4 5 4 2 3 4 4 3 3 2 4 3
--R
--R
      16c d x + 48b c d x + (16a c + 56b c )d x + (32a b c + 32b c )d x
--R
--R
           2 2 4 4 2 3 5 4 4 4
--R
       (24a b c + 9b c)d x + (8a b c + b)d x + a b d
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1575
--S 1576 of 1581
r0:=2/3/((b^2-4*a*c)*d^4*(b+2*c*x)^3)+2/((b^2-4*a*c)^2*d^4*(b+2*c*x))-_
    2*atanh((b+2*c*x)/sqrt(b^2-4*a*c))/((b^2-4*a*c)^(5/2)*d^4)
--R.
--R
--R
   (2)
           3 3 2 2 2 3
--R
                                            2c x + b
--R
       (- 48c x - 72b c x - 36b c x - 6b )atanh(-----)
--R
                                           1 2
--R
--R
                                          \|- 4a c + b
--R
--R
                               2 |
--R
--R
        (24c x + 24b c x - 8a c + 8b) = 4a c + b
--R /
--R.
            25 24 43 43
--R
         (384a c - 192a b c + 24b c)d x
--R
            2 4 3 3 5 2 4 2
--R
         (576a b c - 288a b c + 36b c )d x
--R
--R
                               6 4 2 3 2 5 7 4
--R
             2 2 3 4 2
```

```
--R
        (288a b c - 144a b c + 18b c)d x + (48a b c - 24a b c + 3b )d
--R
--R
        1 2
--R
--R
       \|- 4a c + b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1576
--S 1577 of 1581
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
   [
--R
--R
            3 3 2 2 2
--R
           (24c x + 36b c x + 18b c x + 3b)
--R
--R
           log
--R
                                     2 | 2 2
--R
--R
                (2c x + 2b c x - 2a c + b) = 4a c + b + (8a c - 2b c)x
--R
--R
--R
                4a b c - b
--R
--R
                2
--R
               cx + bx + a
--R
--R
                               2 | 2
--R
            2 2
--R
         (24c x + 24b c x - 8a c + 8b) = 4a c + b
--R
--R
                       2 4
                              4 3 4 3
--R
          (384a c - 192a b c + 24b c)d x
--R
              2 4 3 3 5 2 4 2
--R
--R
           (576a b c - 288a b c + 36b c)d x
--R
                                          2 3 2 5
             2 2 3 4 2 6 4
--R
--R
          (288a b c - 144a b c + 18b c)d x + (48a b c - 24a b c + 3b )d
--R
--R
--R.
          1 2
--R
         \|- 4a c + b
--R
--R
--R
--R
           3 3 2 2 2 3 (2c x + b) | 4a c - b
--R
--R
         (48c x + 72b c x + 36b c x + 6b) atan(-----)
```

```
--R
--R
                                                  4a c - b
--R
--R
                                 2 | 2
--R
             2 2
--R
          (24c x + 24b c x - 8a c + 8b) | 4a c - b
--R
--R
                        2 4
                                4 3 4 3
           (384a c - 192a b c + 24b c)d x
--R
--R
--R
                2 4 3 3 5 2 4 2
            (576a b c - 288a b c + 36b c)d x
--R
--R
              2 2 3 4 2 6 4
                                            2 3 2 5 7 4
--R
--R
           (288a b c - 144a b c + 18b c)d x + (48a b c - 24a b c + 3b )d
--R
--R
--R
--R
          \|4a c - b
--R
--R
                                Type: Union(List(Expression(Integer)),...)
--E 1577
--S 1578 of 1581
m0a:=a0.1-r0
--R
--R
--R
     (4)
--R
        log
--R
                                    2 | 2 2 2
--R
--R
              (2c x + 2b c x - 2a c + b) = 4a c + b + (8a c - 2b c)x
--R
--R
--R
              4a b c - b
--R
--R
              2
--R
            c x + b x + a
--R
--R
                2c x + b
        2atanh(-----)
--R
--R
--R
              1 2
--R
              \|- 4a c + b
--R /
--R
         2 2 2 4 4 | 2
--R
--R
      (16a c - 8a b c + b)d \mid - 4a c + b
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1578
```

```
--S 1579 of 1581
d0a:=D(m0a,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1579
--S 1580 of 1581
m0b:=a0.2-r0
--R
--R
--R
    (6)
--R
        +----+
--R
        1 2
                    2c x + b
       2\|4a c - b atanh(-----)
--R
--R
--R
--R
                      --R
--R
--R
                             | 2
        2 (2c x + b)\|4a c - b
--R
       2\|- 4a c + b atan(-----)
--R
--R
--R
                            4a c - b
--R /
     2 2 2 4 4 | 2 | 2
--R
--R
--R
     (16a c - 8a b c + b )d \|- 4a c + b \|4a c - b
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1580
--S 1581 of 1581
d0b:=D(m0b,x)
--R
--R
--R (7) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1581
)spool
)lisp (bye)
```

## References

[1] nothing