\$SPAD/src/input richder2.input

Albert Rich and Timothy Daly August 19, 2013

${\bf Abstract}$

 $(a+b x)^m (A+B x) (d+e x)^p$ All derivatives match.

Contents

```
)set break resume
)sys rm -f richder2.output
)spool richder2.output
)set message test on
)set message auto off
)clear all
--S 1 of 1293
t0:=x^m*(a+b*x)*(A+B*x)
--R
--R
--R
             2
--R (1) (B b x + (A b + B a)x + A a)x
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1
--S 2 of 1293
\texttt{r0:=a*A*x^(1+m)/(1+m)+(A*b+a*B)*x^(2+m)/(2+m)+b*B*x^(3+m)/(3+m)}
--R
--R.
--R (2)
             2 m + 3
--R
--R
       (B b m + 3B b m + 2B b)x
--R
--R
                                             m + 2
      ((A b + B a)m + (4A b + 4B a)m + 3A b + 3B a)x
--R
--R
--R
                                m + 1
        (A a m + 5A a m + 6A a)x
--R
--R /
--R
       3 2
--R
       m + 6m + 11m + 6
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 2
--S 5 of 1293
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 5
)clear all
--S 6 of 1293
t0:=x^4*(a+b*x)*(A+B*x)
```

__ * __

```
--R
--R
    6 5 4
--R
--R (1) B b x + (A b + B a)x + A a x
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 6
--S 7 of 1293
r0:=1/5*a*A*x^5+1/6*(A*b+a*B)*x^6+1/7*b*B*x^7
--R
--R
--R
             7 1
                      1 6 1 5
   (2) - B b x + (- A b + - B a)x + - A a x
--R
--R
                 6 6
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 7
--S 10 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 10
)clear all
--S 11 of 1293
t0:=x^3*(a+b*x)*(A+B*x)
--R
--R
--R 5
--R (1) B b x + (A b + B a)x + A a x
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 11
--S 12 of 1293
r0:=1/4*a*A*x^4+1/5*(A*b+a*B)*x^5+1/6*b*B*x^6
--R
--R
       1 6 1 1 5 1 4
--R
--R (2) - B b x + (- A b + - B a)x + - A a x
--R
    6 5 5
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 12
--S 15 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
```

```
--R (3) 0
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 15
)clear all
--S 16 of 1293
t0:=x^2*(a+b*x)*(A+B*x)
--R
--R
--R
--R (1) B b x + (A b + B a)x + A a x
--R
                                                Type: Polynomial(Integer)
--E 16
--S 17 of 1293
r0:=1/3*a*A*x^3+1/4*(A*b+a*B)*x^4+1/5*b*B*x^5
--R
--R
--R
        1 5 1 1 4 1 3
--R (2) - B b x + (- A b + - B a)x + - A a x
--R
         5 4 4
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--R
--Е 17
--S 20 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 20
)clear all
--S 21 of 1293
t0:=x*(a+b*x)*(A+B*x)
--R
--R
--R
    (1) B b x + (A b + B a)x + A a x
--R
--R
                                                Type: Polynomial(Integer)
--E 21
--S 22 of 1293
r0:=1/2*a*A*x^2+1/3*(A*b+a*B)*x^3+1/4*b*B*x^4
--R
--R
--R
      1 4 1 1 3 1 2
--R (2) - B b x + (- A b + - B a)x + - A a x
```

```
--R
                          3
       4
               3
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 22
--S 25 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 25
)clear all
--S 26 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)
--R
--R
--R
          2
--R
    (1) B b x + (A b + B a)x + A a
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--E 26
--S 27 of 1293
r0:=a*A*x+1/2*(A*b+a*B)*x^2+1/3*b*B*x^3
--R
--R
--R
        1 3 1 1 2
--R
    (2) - B b x + (- A b + - B a)x + A a x
--R
         3 2 2
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 27
--S 30 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                       Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 30
)clear all
--S 31 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/x
--R
--R
--R
            2
     B b x + (A b + B a)x + A a
--R
--R (1) -----
```

```
--R
                    х
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 31
--S 32 of 1293
r0:=a*B*x+1/2*b*(A+B*x)^2/B+a*A*log(x)
--R
--R
                      2 2
--R
        2A B a log(x) + B b x + (2A B b + 2B a)x + A b
--R (2) -----
--R
                            2B
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 32
--S 35 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 35
)clear all
--S 36 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/x^2
--R
--R
--R
            2
--R 2
--R B b x + (A b + B a)x + A a
--R (1) -----
--R
                    2
--R
                    x
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 36
--S 37 of 1293
r0:=-a*A/x+b*B*x+(A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
--R
                               2
--R
       (A b + B a)x log(x) + B b x - A a
--R (2) -----
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 37
--S 40 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
```

```
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 40
)clear all
--S 41 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/x^3
--R
--R
--R
           2
     B b x + (A b + B a)x + A a
--R
--R
    (1) -----
--R
                    3
--R
                    X
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 41
--S 42 of 1293
r0:=-1/2*a*A/x^2+(-A*b-a*B)/x+b*B*log(x)
--R
--R
--R
              2
     2B b x log(x) + (- 2A b - 2B a)x - A a
--R
--R
    (2) -----
--R
--R
                        2x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 42
--S 45 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 45
)clear all
--S 46 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/x^4
--R
--R
--R
--R B b x + (A b + B a)x + A a
--R (1) -----
--R
                    4
```

```
--R
                     х
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 46
--S 47 of 1293
r0:=-1/3*a*A/x^3+1/2*(-A*b-a*B)/x^2-b*B/x
--R
         2 1 1 1 1 1 1 - B b x + (- - A b - - B a)x - - A a 2 2 3
--R
--R
--R
--R
--R
                          3
--R
                         x
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 47
--S 50 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 50
)clear all
--S 51 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/x^5
--R
--R
--R
            2
--R
       Bbx + (Ab + Ba)x + Aa
--R (1) -----
--R
                     5
--R
                     x
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 51
--S 52 of 1293
r0:=-1/4*a*A/x^4+1/3*(-A*b-a*B)/x^3-1/2*b*B/x^2
--R
--R
--R
          1 2 1 1
         - - B b x + (- - A b - - B a)x - - A a
--R
--R
          2 3 3 4
--R
    (2) -----
--R
                          4
--R
                          х
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
```

```
--E 52
--S 55 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 55
)clear all
--S 56 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/x^6
--R
--R
--R
         2
   B b x + (A b + B a)x + A a
--R
--R (1) -----
--R
                    6
--R
                   х
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 56
--S 57 of 1293
r0:=-1/5*a*A/x^5+1/4*(-A*b-a*B)/x^4-1/3*b*B/x^3
--R
--R
--R
         1 2 1 1 1
--R
         - - B b x + (- - A b - - B a)x - - A a
--R
        3 4 4 5
--R (2) -----
--R
                         5
--R
                         х
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 57
--S 60 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
   (3) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 60
)clear all
--S 61 of 1293
t0:=x^m*(a+b*x)^2*(A+B*x)
--R
```

```
--R
     23 2 2
--R
                                            2 2 m
--R (1) (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a )x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 61
--S 62 of 1293
r0:=a^2*A*x^(1+m)/(1+m)+a*(2*A*b+a*B)*x^(2+m)/(2+m)+_
    b*(A*b+2*a*B)*x^{(3+m)}/(3+m)+b^{2*B*x^{(4+m)}/(4+m)}
--R
--R
--R
    (2)
           23 22 2 2 m+4
--R
        (B b m + 6B b m + 11B b m + 6B b )x
--R
--R
--R
             2 3 2 2
                                               2
--R
          (A b + 2B a b)m + (7A b + 14B a b)m + (14A b + 28B a b)m + 8A b
--R
--R
          16B a b
--R
--R
         m + 3
--R
         X
--R
                      2 3
--R
                            2 2
--R
          (2A a b + B a )m + (16A a b + 8B a )m + (38A a b + 19B a )m
--R
--R
--R
          24A a b + 12B a
--R
--R
          m + 2
--R
         X
--R
          23 22 2
--R
                                   2 m + 1
--R
       (A a m + 9A a m + 26A a m + 24A a )x
--R /
      4 3 2
--R
--R
      m + 10m + 35m + 50m + 24
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 62
--S 65 of 1293
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 65
)clear all
```

```
--S 66 of 1293
t0:=x^4*(a+b*x)^2*(A+B*x)
--R
--R
--R 2 7 2 6
                                       2 5 2 4
--R (1) B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a x
--R
                                                   Type: Polynomial(Integer)
--E 66
--S 67 of 1293
\texttt{r0} := 1/5 * \texttt{a}^2 * \texttt{A} * \texttt{x}^5 + 1/6 * \texttt{a} * (2 * \texttt{A} * \texttt{b} + \texttt{a} * \texttt{B}) * \texttt{x}^6 + 1/7 * \texttt{b} * (\texttt{A} * \texttt{b} + 2 * \texttt{a} * \texttt{B}) * \texttt{x}^7 + 1/8 * \texttt{b}^2 * \texttt{B} * \texttt{x}^8
--R
--R
        1 28 1 2 2
--R
                                     7
                                         1
                                                   1 2 6 1 2 5
--R (2) -Bbx + (-Ab + -Bab)x + (-Aab + -Ba)x + -Aax
--R
                                          3 6
--R
                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 67
--S 70 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 70
)clear all
--S 71 of 1293
t0:=x^3*(a+b*x)^2*(A+B*x)
--R
--R
--R 2 6 2 5
                                                2 4 2 3
--R (1) B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a x
--R
                                                   Type: Polynomial(Integer)
--E 71
--S 72 of 1293
r0:=1/4*a^2*A*x^4+1/5*a*(2*A*b+a*B)*x^5+1/6*b*(A*b+2*a*B)*x^6+1/7*b^2*B*x^7
--R
--R
--R
      1 27 1 2 1 6 2
                                                   1 2 5 1 2 4
--R (2) -Bbx + (-Ab + -Bab)x + (-Aab + -Ba)x + -Aax
--R 7 6 3
                                          5 5 4
--R
                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 72
--S 75 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
```

```
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 75
)clear all
--S 76 of 1293
t0:=x^2*(a+b*x)^2*(A+B*x)
--R
--R
          25 2 4
                                           2 3 2 2
--R
   (1) Bbx + (Ab + 2Bab)x + (2Aab + Ba)x + Aax
--R
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 76
--S 77 of 1293
\texttt{r0:=1/3*a^2*A*x^3+1/4*a*(2*A*b+a*B)*x^4+1/5*b*(A*b+2*a*B)*x^5+1/6*b^2*B*x^6}
--R
--R
      1 26 1 2 2 5 1
                                            1 2 4 1 2 3
--R
--R (2) - B b x + (- A b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x + - A a x
        6 5 5
--R
                                     2 4 3
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 77
--S 80 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                     Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 80
)clear all
--S 81 of 1293
t0:=x*(a+b*x)^2*(A+B*x)
--R
--R
          2 4 2 3
--R
                                            2 2 2
--R (1) B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a x
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 81
--S 82 of 1293
r0:=1/2*a^2*A*x^2+1/3*a*(2*A*b+a*B)*x^3+1/4*b*(A*b+2*a*B)*x^4+1/5*b^2*B*x^5
--R
--R
```

```
--R 1 2 5 1 2 1 4 2 1 2 3 1 2 2
--R (2) -Bbx + (-Ab + -Bab)x + (-Aab + -Ba)x + -Aax
--R
   5 4 2 3 3 2
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--R
--E 82
--S 85 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 85
)clear all
--S 86 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)
--R
--R
     23 2 2
--R
--R (1) B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 86
--S 87 of 1293
r0:=1/3*(A*b-a*B)*(a+b*x)^3/b^2+1/4*B*(a+b*x)^4/b^2
--R
--R
--R (2)
--R 1 4 4 1 4 2 3 3 3 3 1 2 2 2 2 2 2
      - B b x + (- A b + - B a b )x + (A a b + - B a b )x + A a b x
--R
               3 3
--R
--R
--R
      1 3 1 4
      - A a b - -- B a
--R
      3
--R
              12
--R /
--R
      2
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 87
--S 90 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 90
```

```
)clear all
--S 91 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x
--R
--R
           2 3 2 2
--R
       B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R (1) -----
--R
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 91
--S 92 of 1293
r0:=2*a*A*b*x+1/2*A*b^2*x^2+1/3*B*(a+b*x)^3/b+a^2*A*log(x)
--R
--R
--R
   (2)
                   3 3 3 2 2
--R
--R 6A a b log(x) + 2B b x + (3A b + 6B a b )x + (12A a b + 6B a b)x + 2B a
--R
--R
                                   6b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 92
--S 95 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 95
)clear all
--S 96 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^2
--R
--R
                        2
--R
           2 3
        B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R (1) -----
--R
                              2
--R
                             x
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 96
--S 97 of 1293
r0:=-a^2*A/x+b*(A*b+2*a*B)*x+1/2*b^2*B*x^2+a*(2*A*b+a*B)*log(x)
```

```
--R
--R
                                 2 3 2 2
--R
--R
         (4A \ a \ b + 2B \ a \ )x \ log(x) + B \ b \ x + (2A \ b + 4B \ a \ b)x - 2A \ a
--R
     (2) -----
--R
                                   2x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 97
--S 100 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 100
)clear all
--S 101 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^3
--R
--R
--R
           2 3 2 2
--R
         B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R
                               3
--R
                               х
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 101
--S 102 of 1293
r0:=-1/2*a^2*A/x^2-a*(2*A*b+a*B)/x+b^2*B*x+b*(A*b+2*a*B)*log(x)
--R
            2
--R
                      2
                                  2 3
                                                     2
--R
        (2A b + 4B a b)x log(x) + 2B b x + (-4A a b - 2B a)x - A a
--R
    (2) -----
--R
                                     2
--R
                                   2x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 102
--S 105 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 105
```

```
)clear all
--S 106 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^4
--R
--R
         2 3 2 2
--R
       B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R (1) -----
--R
--R
                            X
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 106
--S 107 of 1293
r0:=-1/3*a^2*A/x^3-1/2*a*(2*A*b+a*B)/x^2-b*(A*b+2*a*B)/x+b^2*B*log(x)
--R
--R
--R
           2 3
--R
       6B b x log(x) + (- 6A b - 12B a b)x + (- 6A a b - 3B a )x - 2A a
--R (2) -----
--R
                                   3
--R
                                  6x
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 107
--S 110 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 110
)clear all
--S 111 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^5
--R
--R
          2 3 2 2
--R
--R.
       B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R (1) -----
--R
                             5
--R
                            x
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 111
--S 112 of 1293
```

```
r0:=-1/4*a^2*A/x^4-1/3*a*(2*A*b+a*B)/x^3-1/2*b*(A*b+2*a*B)/x^2-b^2*B/x
--R
--R
--R
           23 1 2 2 2 1 2 1 2
--R
          - B b x + (- - A b - B a b)x + (- - A a b - - B a )x - - A a
                               3 3 4
--R
--R (2) ------
--R
--R
                                      х
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 112
--S 115 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 115
)clear all
--S 116 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^6
--R
--R
         2 3 2 2
--R
     B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a
--R
--R
--R
--R
                                 X
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 116
--S 117 of 1293
\texttt{r0} : = -1/5 * \texttt{a}^2 * \texttt{A}/\texttt{x}^5 - 1/4 * \texttt{a} * (2*\texttt{A}*\texttt{b} + \texttt{a}*\texttt{B})/\texttt{x}^4 - 1/3 * \texttt{b} * (\texttt{A}*\texttt{b} + 2*\texttt{a}*\texttt{B})/\texttt{x}^3 - 1/2 * \texttt{b}^2 * \texttt{B}/\texttt{x}^2
--R
--R
           1 23 1 2 2
                                              1
--R
                                      2
--R
          --Bbx + (--Ab --Bab)x + (--Aab--Ba)x -- Aa
          2 3 3 2 4
--R
--R
--R.
                                         5
--R
                                        x
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 117
--S 120 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
```

```
--R
--R (3) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 120
)clear all
--S 121 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^7
--R
--R
         2 3 2 2
--R
       B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
--R
--R
--R
                           x
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 121
--S 122 of 1293
r0:=-1/6*a^2*A/x^6-1/5*a*(2*A*b+a*B)/x^5-1/4*b*(A*b+2*a*B)/x^4-1/3*b^2*B/x^3
--R
--R
--R
         1 2 3 1 2 1 2 2 1 2 1 2
        --Bbx + (--Ab --Bab)x + (--Aab--Ba)x -- Aa
--R
        3 4 2 5 5 6
--R
--R
--R
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 122
--S 125 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 125
)clear all
--S 126 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/x^8
--R
--R
         2 3 2 2
--R
--R
      Bbx + (Ab + 2Bab)x + (2Aab + Ba)x + Aa
--R (1) -----
--R
                            8
```

```
--R
                              x
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 126
--S 127 of 1293
\texttt{r0:=-1/7*a^2*A/x^7-1/6*a*(2*A*b+a*B)/x^6-1/5*b*(A*b+2*a*B)/x^5-1/4*b^2*B/x^4}
--R
--R
         1 2 3 1 2 2 2
                                          1
                                                  1 2
         --Bbx+(--Ab---Bab)x+(--Aab---Ba)x---Aa
--R
--R
         4 5 5 3 6 7
--R
--R
                                     7
--R
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 127
--S 130 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 130
)clear all
--S 131 of 1293
t0:=x^m*(a+b*x)^3*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
                 3 2 3
                                  2 2 2 2 3
--R
--R
       B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x
--R
--R
          3
--R
       A a
--R *
--R
--R
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 131
--S 132 of 1293
r0:=a^3*A*x^(1+m)/(1+m)+a^2*(3*A*b+a*B)*x^(2+m)/(2+m)+_
    3*a*b*(A*b+a*B)*x^(3+m)/(3+m)+b^2*(A*b+3*a*B)*x^(4+m)/(4+m)+_
    b^3*B*x^(5+m)/(5+m)
--R
--R
--R (2)
```

```
3 4 3 3 3 2 3 3 m + 5
--R
--R
       (B b m + 10B b m + 35B b m + 50B b m + 24B b )x
--R
                                       2 3 3
--R
            3 2 4
--R
          (A b + 3B a b )m + (11A b + 33B a b )m + (41A b + 123B a b )m
--R
              3 2 3
--R
         (61A b + 183B a b )m + 30A b + 90B a b
--R
--R
--R
         m + 4
--R
         x
--R
               2 2 4
                                 2
--R
          (3A \ a \ b + 3B \ a \ b)m + (36A \ a \ b + 36B \ a \ b)m
--R
--R
--R
                2 2 2 2 2
--R
          (147A a b + 147B a b)m + (234A a b + 234B a b)m + 120A a b
--R
--R
--R
          120B a b
--R
--R
         m + 3
--R
         x
--R
--R
              2 3 4 2 3 3 2 3 2
--R
          (3A \ a \ b + B \ a) m + (39A \ a \ b + 13B \ a) m + (177A \ a \ b + 59B \ a) m
--R
           2 3 2 3
--R
--R
          (321A a b + 107B a )m + 180A a b + 60B a
--R
--R
         m + 2
--R
         x
--R
         3 4 3 3 3 2 3 3 m + 1
--R
--R
      (A a m + 14A a m + 71A a m + 154A a m + 120A a )x
--R /
      5 4 3 2
--R
--R
      m + 15m + 85m + 225m + 274m + 120
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 132
--S 135 of 1293
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 135
)clear all
```

```
--S 136 of 1293
t0:=x^4*(a+b*x)^3*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
--R 38 3 27 2 26 2 35
--R
    B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x
--R +
--R
       3 4
--R
    A a x
--R
                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 136
--S 137 of 1293
r0:=1/5*a^3*A*x^5+1/6*a^2*(3*A*b+a*B)*x^6+3/7*a*b*(A*b+a*B)*x^7+_
   1/8*b^2*(A*b+3*a*B)*x^8+1/9*b^3*B*x^9
--R.
--R
--R (2)
--R 1 3 9 1 3 3 2 8 3 2 3 2 7
--R - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b)x
--R
             8
                    8
--R +
--R
     1 2 1 3 6 1 3 5
      (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
--R
     2 6
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 137
--S 140 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                  Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 140
)clear all
--S 141 of 1293
t0:=x^3*(a+b*x)^3*(A+B*x)
--R
--R.
--R (1)
     37 3 26 2 25 2 34
--R
--R Bbx + (Ab + 3Bab)x + (3Aab + 3Bab)x + (3Aab + Ba)x
--R +
--R
     3 3
    Аах
--R
```

```
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--E 141
--S 142 of 1293
r0:=1/4*a^3*A*x^4+1/5*a^2*(3*A*b+a*B)*x^5+1/2*a*b*(A*b+a*B)*x^6+_
    1/7*b^2*(A*b+3*a*B)*x^7+1/8*b^3*B*x^8
--R
--R
   (2)
                             2 7 1 2 1 2 6
--R
     1 38 1 3 3
--R
      - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b)x
--R
                7
                                     2
--R
      3 2 1 3 5 1 3 4
--R
     (- A a b + - B a )x + - A a x
--R
--R
              5
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 142
--S 145 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 145
)clear all
--S 146 of 1293
t0:=x^2*(a+b*x)^3*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
                3
--R
                         2 5
                                    2
                                            2 4
     B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x
--R
--R +
--R
        3 2
     Aax
--R
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--E 146
--S 147 of 1293
r0:=1/3*a^3*A*x^3+1/4*a^2*(3*A*b+a*B)*x^4+3/5*a*b*(A*b+a*B)*x^5+_
    1/6*b^2*(A*b+3*a*B)*x^6+1/7*b^3*B*x^7
--R
--R
--R (2)
     1 37 1 3 1 2 6 3 2 3 2 5
--R
     - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b)x
--R
```

```
7
        6 2 5 5
--R
--R
--R
     3 2 1 3 4 1 3 3
      (-Aab+-Ba)x+-Aax
--R
--R
     4 4 3
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 147
--S 150 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                 Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 150
)clear all
--S 151 of 1293
t0:=x*(a+b*x)^3*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
--R
    3 5 3 2 4 2 2 3 2 3 2
    B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x
--R
--R
     3
--R
--R
     Аах
--R
                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 151
--S 152 of 1293
r0:=-1/4*a*(A*b-a*B)*(a+b*x)^4/b^3+1/5*(A*b-2*a*B)*(a+b*x)^5/b^3+_
   1/6*B*(a+b*x)^6/b^3
--R
--R
    (2)
     1 66 1 6 3 5 5 3 5 3 2 4 4
--R
       - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
               5 5
--R
--R
--R
         24 1 3331 332 1 5
                                           1 6
--R.
       (A a b + - B a b )x + - A a b x - -- A a b + -- B a
--R
              3
                        2
                                  20
--R /
--R
     3
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 152
```

```
--S 155 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 155
)clear all
--S 156 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)
--R
--R
--R
   (1)
    3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
                                                       3
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--Е 156
--S 157 of 1293
r0:=1/4*(A*b-a*B)*(a+b*x)^4/b^2+1/5*B*(a+b*x)^5/b^2
--R
--R
--R
    (2)
      1 5 5 1 5 3 4 4 4 2 3 3
--R
       - B b x + (- A b + - B a b )x + (A a b + B a b )x
--R
--R
      5 4 4
--R
--R
       3 2 3 1 3 2 2 3 2 1 4 1 5
--R
       (- A a b + - B a b )x + A a b x + - A a b - -- B a
       2 2
--R
                             4
--R /
--R
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 157
--S 160 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 160
)clear all
--S 161 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x
```

```
--R
--R
--R
   (1)
--R 3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R Bbx + (Ab + 3Bab)x + (3Aab + 3Bab)x + (3Aab + Ba)x + Aa
--R
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 161
--S 162 of 1293
\texttt{r0:=3*a^2*A*b*x+3/2*a*A*b^2*x^2+1/3*A*b^3*x^3+1/4*B*(a+b*x)^4/b+a^3*A*log(x)}
--R
--R
--R
   (2)
--R
                        4 4 4
                                          3 3
                                                      3 222
--R
        12A a b log(x) + 3B b x + (4A b + 12B a b )x + (18A a b + 18B a b )x
--R
--R
           2 2
                    3
--R
      (36A \ a \ b + 12B \ a \ b)x + 3B \ a
--R /
--R
     12b
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 162
--S 165 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 165
)clear all
--S 166 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^2
--R
--R
--R
    (1)
     3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R.
--R.
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 166
--S 167 of 1293
r0:=-a^3*A/x+3*a*b*(A*b+a*B)*x+1/2*b^2*(A*b+3*a*B)*x^2+1/3*b^3*B*x^3+_
```

```
a^2*(3*A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
                                3 4 3 2 3
                      3
--R
                 2
          (18A \ a \ b + 6B \ a \ ) \times \log(x) + 2B \ b \times + (3A \ b + 9B \ a \ b ) \times
--R
--R
--R
                           2 2
        (18A a b + 18B a b)x - 6A a
--R
--R /
--R
        6x
--R
                                                            Type: Expression(Integer)
--E 167
--S 170 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                            Type: Expression(Integer)
--E 170
)clear all
--S 171 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^3
--R
--R
--R
     (1)
--R 3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R
--R
                                               3
--R
                                              х
--R
                                                 Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 171
--S 172 of 1293
 \texttt{r0} := -1/2 * \texttt{a}^3 * \texttt{A}/\texttt{x}^2 - \texttt{a}^2 * (3 * \texttt{A} * \texttt{b} + \texttt{a} * \texttt{B}) / \texttt{x} + \texttt{b}^2 * (4 * \texttt{b} + 3 * \texttt{a} * \texttt{B}) * \texttt{x} + 1/2 * \texttt{b}^3 * \texttt{B} * \texttt{x}^2 + \_ 
     3*a*b*(A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
--R (2)
--R
                 2 2 2
                                            3 4
                                                        3 2 3
           (6A \ a \ b + 6B \ a \ b) x \log(x) + B \ b \ x + (2A \ b + 6B \ a \ b) x
--R
--R
--R
                2 3 3
--R
          (- 6A a b - 2B a )x - A a
--R /
--R
```

```
--R
      2x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 172
--S 175 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--Е 175
)clear all
--S 176 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^4
--R
--R
--R (1)
--R 3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R Bbx + (Ab + 3Bab)x + (3Aab + 3Bab)x + (3Aab + Ba)x + Aa
--R
--R
--R
                                    х
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 176
--S 177 of 1293
r0:=-1/3*a^3*A/x^3-1/2*a^2*(3*A*b+a*B)/x^2-3*a*b*(A*b+a*B)/x+_
    b^3*B*x+b^2*(A*b+3*a*B)*log(x)
--R
--R
--R (2)
           3 2 3 3 4 2 2 2
--R
--R
       (6A b + 18B a b) x log(x) + 6B b x + (-18A a b - 18B a b) x
--R
--R
            2 3
--R
       (- 9A a b - 3B a )x - 2A a
--R /
--R
--R
      6x
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 177
--S 180 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 180
)clear all
--S 181 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^5
--R
--R
--R (1)
    3 4 3 2 3 2 2 2 3
--R
--R Bbx + (Ab + 3Bab)x + (3Aab + 3Bab)x + (3Aab + Ba)x + Aa
--R
   ______
--R
--R
                               x
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 181
--S 182 of 1293
\texttt{r0:=-1/3*a^3*B/x^3-3/2*a^2*b*B/x^2-3*a*b^2*B/x-1/4*A*(a+b*x)^4/(a*x^4)+\_}
   b^3*B*log(x)
--R
--R
--R (2)
--R
            3 4 4 4 3 2 2 3
--R 12B a b x log(x) - 3A b x + (- 12A a b - 36B a b )x
--R
--R
                3 2 3
--R
     (- 18A a b - 18B a b)x + (- 12A a b - 4B a )x - 3A a
--R /
--R
        4
    12a x
--R
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 182
--S 185 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 185
)clear all
--S 186 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^6
--R
--R
--R (1)
--R 3 4 3 2 3
                             2 2 2 2 3 3
```

```
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R
--R
                                      6
--R
                                     X
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 186
--S 187 of 1293
r0:=-1/5*a^3*A/x^5-1/4*a^2*(3*A*b+a*B)/x^4-a*b*(A*b+a*B)/x^3-_
    1/2*b^2*(A*b+3*a*B)/x^2-b^3*B/x
--R
--R
--R
    (2)
           3 4 1 3 3
                                 2 3
--R
        - B b x + (- - A b - - B a b) x + (- A a b - B a b) x
--R
--R
--R
          3 2 1 3 1 3
--R
       (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
--R
--R /
--R
--R
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 187
--S 190 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 190
)clear all
--S 191 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^7
--R
--R
--R
    (1)
    3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R.
--R
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 191
--S 192 of 1293
```

```
r0:=-1/6*a^3*A/x^6-1/5*a^2*(3*A*b+a*B)/x^5-3/4*a*b*(A*b+a*B)/x^4-_
    1/3*b^2*(A*b+3*a*B)/x^3-1/2*b^3*B/x^2
--R
--R
--R (2)
        1 34 1 3 2 3 3 2 2
--R
--R
       --Bbx + (--Ab -Bab)x + (--Aab --Bab)x
--R
--R
         3 2 1 3 1 3
--R
      (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
                5
--R
--R /
--R
      6
--R
      X
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 192
--S 195 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
   (3) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 195
)clear all
--S 196 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^8
--R
--R
--R
   (1)
     3 4 3 2 3 2 2 2 3
--R
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R
--R
                                  8
--R
                                  X
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 196
--S 197 of 1293
r0:=-1/7*a^3*A/x^7-1/6*a^2*(3*A*b+a*B)/x^6-3/5*a*b*(A*b+a*B)/x^5-_
    1/4*b^2*(A*b+3*a*B)/x^4-1/3*b^3*B/x^3
--R.
--R
--R (2)
--R
        1 3 4 1 3 3 2 3 3 2 3 2 2
       --Bbx + (--Ab --Bab)x + (--Aab --Bab)x
--R
                          4
--R
        3
                    4
                                       5
```

```
--R
--R
        1 2 1 3 1 3
--R
       (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
        2 6
--R /
--R
      7
--R
      x
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 197
--S 200 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
   (3) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 200
)clear all
--S 201 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^9
--R
--R
--R
    3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R
--R
    B b x + (A b + 3B a b) x + (3A a b + 3B a b) x + (3A a b + B a) x + A a
--R
--R
                                   9
--R
                                  х
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 201
--S 202 of 1293
r0:=-1/8*a^3*A/x^8-1/7*a^2*(3*A*b+a*B)/x^7-1/2*a*b*(A*b+a*B)/x^6-_
    1/5*b^2*(A*b+3*a*B)/x^5-1/4*b^3*B/x^4
--R.
--R
--R
    (2)
       --R
--R
--R
                          5
                    5
--R.
--R
         3 2 1 3 1 3
--R
      (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
--R /
--R
      8
--R
      x
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
```

```
--E 202
--S 205 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 205
)clear all
--S 206 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/x^10
--R
--R
--R (1)
--R
    3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R
--R
--R
                                    Х
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 206
--S 207 of 1293
r0:=-1/9*a^3*A/x^9-1/8*a^2*(3*A*b+a*B)/x^8-3/7*a*b*(A*b+a*B)/x^7-_
    1/6*b^2*(A*b+3*a*B)/x^6-1/5*b^3*B/x^5
--R
--R
--R
    (2)
        1 34 1 3 1 2 3 3 2 3 2 2
--R
--R
        --Bbx + (--Ab --Bab)x + (--Aab --Bab)x
                  6 2
--R
--R
--R
          3 2 1 3
                           1 3
       (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
                 8
--R
          8
--R /
--R
--R
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 207
--S 210 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
```

```
--E 210
)clear all
--S 211 of 1293
t0:=x^m*(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
--R
     (1)
                           4 5
--R
                  5
--R
        B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
           2 3 3 2 3
                                 3 2 4 2 4
--R
       (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a
--R
--R *
--R
       m
--R
      x
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 211
--S 212 of 1293
r0:=a^5*A*x^(1+m)/(1+m)+a^4*(5*A*b+a*B)*x^(2+m)/(2+m)+_
    5*a^3*b*(2*A*b+a*B)*x^(3+m)/(3+m)+10*a^2*b^2*(A*b+a*B)*x^(4+m)/(4+m)+_
    5*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x^(5+m)/(5+m)+b^4*(A*b+5*a*B)*x^(6+m)/(6+m)+_
    b^5*B*x^7(7+m)/(7+m)
--R
--R
--R
     (2)
--R
             5 6 5 5 5 4 5 3 5 2
--R
           B b m + 21B b m + 175B b m + 735B b m + 1624B b m + 1764B b m
--R
--R
                 5
--R
           720B b
--R
--R
           m + 7
--R
          х
--R
--R
                      4 6
                                  5
                                             4 5
            (A b + 5B a b)m + (22A b + 110B a b)m + (190A b + 950B a b)m
--R
--R
--R
                            4 3
--R
            (820A b + 4100B a b)m + (1849A b + 9245B a b)m
--R.
--R
                              4
                                        5
            (2038A b + 10190B a b)m + 840A b + 4200B a b
--R
--R
--R
          m + 6
--R
          x
--R
--R
                          2 3 6
                                        4
                                                  2 3 5
```

```
--R
           (5A a b + 10B a b )m + (115A a b + 230B a b )m
--R
--R
                    4 2 3 4 4 2 3 3
--R
            (1035A \ a \ b + 2070B \ a \ b ) m + (4625A \ a \ b + 9250B \ a \ b ) m
--R
--R
                              232
            (10720A \ a \ b + 21440B \ a \ b ) m + (12060A \ a \ b + 24120B \ a \ b ) m
--R
--R
--R
            5040A a b + 10080B a b
--R
--R
--R
          m + 5
--R
          x
--R
--R
                23 326 23 325
--R
           (10A a b + 10B a b )m + (240A a b + 240B a b )m
--R
--R
                  2 3 3 2 4
                                             2 3
            (2260A \ a \ b + 2260B \ a \ b ) m + (10560A \ a \ b + 10560B \ a \ b ) m
--R
--R
--R
                              3 2 2
                                               2 3
            (25450A a b + 25450B a b )m + (29520A a b + 29520B a b )m
--R
--R
--R
                  2 3 3 2
            12600A a b + 12600B a b
--R
--R
--R
          m + 4
--R
          x
--R
                 3 2 4 6 3 2 4 5
--R
--R
           (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)m + (250A \ a \ b + 125B \ a \ b)m
--R
--R
--R
           (2470A a b + 1235B a b)m + (12190A a b + 6095B a b)m
--R
                   3 2 4 2
--R
                                              3 2
            (31120A \ a \ b + 15560B \ a \ b)m + (37960A \ a \ b + 18980B \ a \ b)m
--R
--R
                  3 2
--R
--R
           16800A a b + 8400B a b
--R
--R
          m + 3
--R
          X
--R
--R
                     5 6
                                   4 5 5
           (5A a b + B a )m + (130A a b + 26B a )m + (1350A a b + 270B a )m
--R
--R
--R
                            5 3
           (7100A \ a \ b + 1420B \ a \ )m + (19645A \ a \ b + 3929B \ a \ )m
--R
--R
```

```
--R
                                                                                             5
--R
                                                 (26370A \ a \ b + 5274B \ a \ )m + 12600A \ a \ b + 2520B \ a
 --R
--R
                                            m + 2
--R
                                        X
--R
                                                     5 6 5 5 5 4 5 3 5 2
--R
--R
                                              Aam + 27A am + 295A am + 1665A am + 5104A am + 8028A am
--R
--R
--R
                                               5040A a
--R
--R
                                           m + 1
--R
                                        x
--R
--R
                                                6
                                                                           5
                                                                                                              4
                                                                                                                                           3
--R
                            \  \  \, \text{m} \  \  \, + \, 28 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 322 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 1960 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 6769 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13132 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 5040 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, + \, \, 13068 \\  \  \, \text{m} \  \  \, \text{m} \  \  \, \text{m} 
--R
                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 212
--S 215 of 1293
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R
                (3) 0
--R
                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 215
)clear all
--S 216 of 1293
t0:=x^5*(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
--R
                    (1)
                                                                   5 4 10
                                                                                                                                                            4
--R
                                    5 11
                                                                                                                                                                                           239
--R
                      Bbx + (Ab + 5Bab)x + (5Aab + 10Bab)x
--R
                                                                                                                                                          4 7
                                                                                                                                                                                                     4
                                                                                                                                                                                                                                         5 6
--R
                                   2 3
                                                                       3 2 8
                                                                                                                 3 2
--R
                   (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a x
--R
                                                                                                                                                                                              Type: Polynomial(Integer)
--E 216
--S 217 of 1293
r0:=1/6*a^5*A*x^6+1/7*a^4*(5*A*b+a*B)*x^7+5/8*a^3*b*(2*A*b+a*B)*x^8+_
                 10/9*a^2*b^2*(A*b+a*B)*x^9+1/2*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x^10+_
                 1/11*b^4*(A*b+5*a*B)*x^11+1/12*b^5*B*x^12
--R
--R
--R (2)
```

```
1 5 12 1 5 5 4 11 1 4 2 3 10
     -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + B a b )x
--R
--R
    12
              11 11
--R +
     10 23 10 329 5 32 5 4 8 5 4 1 5 7
--R
--R
     (-- A a b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x
     9 9 4 8 7 7
--R
--R
    1 56
--R
     - Аах
--R
--R
    6
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 217
--S 220 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 220
)clear all
--S 221 of 1293
t0:=x^4*(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
--R 5 10 5 4 9 4 2 3 8
--R
    Bbx + (Ab + 5Bab)x + (5Aab + 10Bab)x
--R +
       23 327 32 46 4
                                               5 5 5 4
--R
--R (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a x
--R
                                        Type: Polynomial(Integer)
--E 221
--S 222 of 1293
r0:=1/5*a^5*A*x^5+1/6*a^4*(5*A*b+a*B)*x^6+5/7*a^3*b*(2*A*b+a*B)*x^7+_
   5/4*a^2*b^2*(A*b+a*B)*x^8+5/9*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x^9+_
   1/10*b^4*(A*b+5*a*B)*x^10+1/11*b^5*B*x^11
--R
--R
--R (2)
--R
     1 5 11 1 5 1 4 10 5 4 10 2 3 9
--R
    -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
--R
              10 2
--R +
     5 2 3 5 3 2 8 10 3 2 5 4 7 5 4 1 5 6
--R
--R
    (- A a b + - B a b )x + (-- A a b + - B a b)x + (- A a b + - B a )x
```

```
7 7 6 6
--R
--R
--R
     1 55
--R
     - Аах
--R
     5
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 222
--S 225 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
   (3) 0
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 225
)clear all
--S 226 of 1293
t0:=x^3*(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R (1)
--R
     5 9 5 4 8 4 2 3 7
     B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
--R
     23 326 32 45 4 54 53
--R
--R
    (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a x
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--E 226
--S 227 of 1293
r0:=1/4*a^5*A*x^4+1/5*a^4*(5*A*b+a*B)*x^5+5/6*a^3*b*(2*A*b+a*B)*x^6+_
    10/7*a^2*b^2*(A*b+a*B)*x^7+5/8*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x^8+_
    1/9*b^4*(A*b+5*a*B)*x^9+1/10*b^5*B*x^10
--R
--R
--R
    (2)
     1 5 10 1 5 5 4 9 5
--R
                                        4 5 238
      -- B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
--R
--R
--R.
      10 23 10 327 5 325 4 6
                                                 4 1 5 5
--R
      (-- A a b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b)x + (A a b + - B a )x
               7
--R
                            3
--R
--R
     1 54
     - Аах
--R
--R
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
```

```
--E 227
--S 230 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 230
)clear all
--S 231 of 1293
t0:=x^2*(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
--R.
     58 5 47
                                  4
--R
     B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R +
     23 325 32 44 4
--R
                                                     5 3 5 2
--R (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a x
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 231
--S 232 of 1293
r0:=1/6*a^2*(A*b-a*B)*(a+b*x)^6/b^4-1/7*a*(2*A*b-3*a*B)*(a+b*x)^7/b^4+_1
    1/8*(A*b-3*a*B)*(a+b*x)^8/b^4+1/9*B*(a+b*x)^9/b^4
--R
--R
--R
    (2)
      1 99 1 9 5 8 8 5 8 10 2 7 7
--R
--R
       - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
--R
        9 8 8
--R
       5 2 7 5 3 6 6 3 6 4 5 5 5 4 5 1 5 4 4
--R
      (- A a b + - B a b )x + (2A a b + B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
--R
       3
--R
       1 543 1 8
--R
                           1
       - A a b x + --- A a b - --- B a
--R
--R
                 168
                            504
--R /
--R
      4
--R
      b
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 232
--S 235 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
```

```
--R
--R
--R (3) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 235
)clear all
--S 236 of 1293
t0:=x*(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
--R
   (1)
               5 4 6
--R
     B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
--R
--R
     23 324 32 43 4
                                                    5 2 5
--R
   (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a x
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--E 236
--S 237 of 1293
r0:=-1/6*a*(A*b-a*B)*(a+b*x)^6/b^3+1/7*(A*b-2*a*B)*(a+b*x)^7/b^3+_
    1/8*B*(a+b*x)^8/b^3
--R
--R
--R
       1 88 1 8 5 7 7 5 7 5 2 6 6
--R
--R
       - B b x + (- A b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
      8 7 7 6
--R
--R
          26 355 5 355 444 5 44 1 533
--R
--R
      (2A a b + 2B a b )x + (- A a b + - B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
--R
       1 532 1 7 1
--R
--R
       - A a b x - -- A a b + --- B a
                42
--R
                          168
--R /
--R
--R
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 237
--S 240 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
```

```
--E 240
)clear all
--S 241 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)
--R
--R
--R
   (1)
                       4 5
--R
               5
--R
     B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
         23 323 32 42 4 5
--R
     (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a
--R
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 241
--S 242 of 1293
r0:=1/6*(A*b-a*B)*(a+b*x)^6/b^2+1/7*B*(a+b*x)^7/b^2
--R
--R
--R (2)
--R
       1 77 1 7 5 6 6 6 2 5 5
--R
       - B b x + (- A b + - B a b )x + (A a b + 2B a b )x
--R
                 6
--R
       5 25 5 34 4 10 34 5 43 3
--R
--R
       (- A a b + - B a b )x + (-- A a b + - B a b )x
--R
                2
--R
       5 43 1 52 2 52 1 6 1 7
--R
--R
       (- A a b + - B a b )x + A a b x + - A a b - -- B a
--R
--R /
--R
       2
--R
      b
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 242
--S 245 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 245
)clear all
--S 246 of 1293
```

```
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x
--R
--R
--R
    (1)
           5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
       B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
--R
          2 3 3 2 3
--R
                                3 2
                                         4 2
      (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a
--R
--R /
--R
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 246
--S 247 of 1293
r0:=5*a^4*A*b*x+5*a^3*A*b^2*x^2+10/3*a^2*A*b^3*x^3+5/4*a*A*b^4*x^4+_
    1/5*A*b^5*x^5+1/6*B*(a+b*x)^6/b+a^5*A*log(x)
--R.
--R
--R (2)
--R
                          6 6 6 5 5
--R
        60A \ a \ b \ log(x) + 10B \ b \ x + (12A \ b + 60B \ a \ b)x
--R
--R
              5 244 24 333
--R
       (75A a b + 150B a b )x + (200A a b + 200B a b )x
--R
                   4 2 2
--R
                                  4 2
--R
       (300A \ a \ b + 150B \ a \ b)x + (300A \ a \ b + 60B \ a \ b)x + 10B \ a
--R /
--R
      60b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 247
--S 250 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 250
)clear all
--S 251 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^2
--R
--R
--R
    (1)
          5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
        B b x + (A b + 5B a b) x + (5A a b + 10B a b) x
--R
```

```
--R
            23 323 32 42 45 5
--R
--R
      (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a
--R /
--R
      2
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 251
--S 252 of 1293
r0:=-a^5*A/x+5*a^3*b*(2*A*b+a*B)*x+5*a^2*b^2*(A*b+a*B)*x^2+_
    5/3*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x^3+1/4*b^4*(A*b+5*a*B)*x^4+_
    1/5*b^5*B*x^5+a^4*(5*A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
--R
    (2)
--R
              4
                    5
                                        5 6
                                              5
                                                       4 5
--R
         (300A \ a \ b + 60B \ a \ ) x \ log(x) + 12B \ b \ x + (15A \ b + 75B \ a \ b \ ) x
--R
--R
                     2 3 4 2 3 3 2 3
--R
         (100A \ a \ b + 200B \ a \ b )x + (300A \ a \ b + 300B \ a \ b )x
--R
--R
             3 2 4 2 5
--R
        (600A \ a \ b + 300B \ a \ b)x - 60A \ a
--R /
--R
       60x
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 252
--S 255 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 255
)clear all
--S 256 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^3
--R
--R
--R
    (1)
--R.
          5 6
                  5 4 5
        B b x + (A b + 5B a b)x + (5A a b + 10B a b)x
--R
--R
--R
           2 3 3 2 3
                                  3 2 4 2
       (10A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
```

```
--R
--R
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 256
--S 257 of 1293
r0:=-1/2*a^5*A/x^2-a^4*(5*A*b+a*B)/x+10*a^2*b^2*(A*b+a*B)*x+_
    5/2*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x^2+1/3*b^4*(A*b+5*a*B)*x^3+_
    1/4*b^5*B*x^4+5*a^3*b*(2*A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
     (2)
--R
               3 2 4 2
                                         5 6 5
--R
--R
         (120A \ a \ b + 60B \ a \ b) x \log(x) + 3B \ b \ x + (4A \ b + 20B \ a \ b) x
--R
--R
                       234
                                  2 3 3 2 3
--R
         (30A \ a \ b + 60B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 120B \ a \ b )x
--R
--R
               4
                     5
        (- 60A a b - 12B a )x - 6A a
--R
--R /
--R
          2
--R
       12x
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 257
--S 260 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 260
)clear all
--S 261 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^4
--R
--R
--R
     (1)
--R
                             4 5
           5 6
                   5
                                          4
                                                  234
--R.
         B b x + (A b + 5B a b) x + (5A a b + 10B a b) x
--R
--R
            2 3
                   3 2 3 3 2 4 2 4
       (10A \ a \ b + 10B \ a \ b )x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a )x + A \ a
--R
--R /
--R
        4
--R
       х
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
```

```
--E 261
--S 262 of 1293
\texttt{r0:=-1/3*a^5*A/x^3-1/2*a^4*(5*A*b+a*B)/x^2-5*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x+\_}
     5*a*b^3*(A*b+2*a*B)*x+1/2*b^4*(A*b+5*a*B)*x^2+1/3*b^5*B*x^3+_
     10*a^2*b^2*(A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
--R
      (2)
                         3 2 3
--R
               2 3
                                             5 6
                                                      5
--R
          (60A \ a \ b + 60B \ a \ b ) x \log(x) + 2B \ b \ x + (3A \ b + 15B \ a \ b ) x
--R
                         234
                                         3 2
                                                    4 2
--R
         (30A \ a \ b + 60B \ a \ b )x + (-60A \ a \ b - 30B \ a \ b)x + (-15A \ a \ b - 3B \ a )x
--R
--R
--R
               5
--R
         - 2A a
--R /
--R
         3
--R
        6x
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 262
--S 265 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 265
)clear all
--S 266 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^5
--R
--R
--R
     (1)
                               4 5
--R
                     5
--R
         Bbx + (Ab + 5Bab)x + (5Aab + 10Bab)x
--R
--R
             2 3 3 2 3
                                     3 2
                                               4 2
                                                          4
--R.
       (10A \ a \ b + 10B \ a \ b ) x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b) x + (5A \ a \ b + B \ a ) x + A \ a
--R /
--R
        5
--R
--R
                                             Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 266
--S 267 of 1293
```

```
r0:=-1/4*a^5*A/x^4-1/3*a^4*(5*A*b+a*B)/x^3-5/2*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^2-_
    10*a^2*b^2*(A*b+a*B)/x+b^4*(A*b+5*a*B)*x+1/2*b^5*B*x^2+_
    5*a*b^3*(A*b+2*a*B)*log(x)
--R
--R
     (2)
--R
                4 234 56 5 45
--R
--R
         (60A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x \log(x) + 6B \ b \ x + (12A \ b + 60B \ a \ b ) x
--R
--R
                 2 3
                          3 2 3
                                           3 2
--R
        (- 120A a b - 120B a b )x + (- 60A a b - 30B a b)x
--R
                       5
--R
        (-20A a b - 4B a)x - 3A a
--R
--R /
--R
--R
       12x
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 267
--S 270 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 270
)clear all
--S 271 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^6
--R
--R
--R
    (1)
                   5 4 5
                                      4
--R
                                                  234
--R
       B b x + (A b + 5B a b) x + (5A a b + 10B a b) x
--R
           2 3 3 2 3
                                   3 2 4 2
--R
--R
       (10A \ a \ b + 10B \ a \ b )x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a )x + A \ a
--R /
--R
       6
--R.
       x
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 271
--S 272 of 1293
r0:=-1/5*a^5*A/x^5-1/4*a^4*(5*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^3-_
    5*a^2*b^2*(A*b+a*B)/x^2-5*a*b^3*(A*b+2*a*B)/x+b^5*B*x+_
    b^4*(A*b+5*a*B)*log(x)
```

```
--R
--R
--R
     (2)
            5 4 5
--R
                                       5 6
        (60A b + 300B a b) x log(x) + 60B b x + (-300A a b - 600B a b) x
--R
--R
               2 3 3 2 3 3 2 4 2
--R
--R
       (-300A a b -300B a b )x + (-200A a b -100B a b)x
--R
--R
                      5
--R
        (- 75A a b - 15B a )x - 12A a
--R /
--R
--R
       60x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 272
--S 275 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 275
)clear all
--S 276 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^7
--R
--R
--R (1)
                 5
--R
                           4 5
--R
       B b x + (A b + 5B a b) x + (5A a b + 10B a b) x
--R
          23 323 32 42 4
--R
--R
      (10A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
       7
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 276
--S 277 of 1293
r0:=-1/5*a^5*B/x^5-5/4*a^4*b*B/x^4-10/3*a^3*b^2*B/x^3-5*a^2*b^3*B/x^2-_
    5*a*b^4*B/x-1/6*A*(a+b*x)^6/(a*x^6)+b^5*B*log(x)
--R
--R
--R (2)
--R
              5 6
                     6 6 5 2 4 5
```

```
--R
      60B a b x log(x) - 10A b x + (-60A a b -300B a b )x
--R
               2 4 3 3 4 3 3 4 2 3
--R
--R
       (- 150A a b - 300B a b )x + (- 200A a b - 200B a b )x
--R
               4 2 5 2
                                         6
--R
                                    5
       (- 150A a b - 75B a b)x + (- 60A a b - 12B a )x - 10A a
--R
--R /
--R
--R
      60a x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 277
--S 280 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 280
)clear all
--S 281 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^8
--R
--R
--R
   (1)
--R
         5 6 5 4 5
                                 4
--R
      B b x + (A b + 5B a b )x + (5A a b + 10B a b )x
--R
          23 323 32 42 4 5 5
--R
--R
      (10A \ a \ b + 10B \ a \ b) x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b) x + (5A \ a \ b + B \ a) x + A \ a
--R /
--R
--R
      x
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 281
--S 282 of 1293
r0:=-1/7*A*(a+b*x)^6/(a*x^7)+1/42*(A*b-7*a*B)*(a+b*x)^6/(a^2*x^6)
--R
--R
--R
    (2)
--R
         1 7 1 6 7 2 5 6 1 2 5 5 3 4 5
--R
        (-- A b - - B a b )x - B a b x + (- - A a b - - B a b )x
--R
--R
        5 3 4 10 4 3 4 5 4 3 5 5 2 3
--R
--R
      (--Aab ---Bab)x + (--Aab --Bab)x
```

```
3 3
--R
--R
--R
            5 2 6 2 5 6 1 7 1 7
--R
       (- 2A a b - B a b)x + (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
                            6 6
--R /
--R
      2 7
--R
      ах
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 282
--S 285 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 285
)clear all
--S 286 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^9
--R
--R
--R (1)
         5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
--R
      Bbx + (Ab + 5Bab)x + (5Aab + 10Bab)x
--R
         23 323 32 42 4 5 5
--R
--R
      (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a
--R /
--R
--R
      x
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 286
--S 287 of 1293
r0:=-1/8*A*(a+b*x)^6/(a*x^8)+1/28*(A*b-4*a*B)*(a+b*x)^6/(a^2*x^7)-_
    1/168*b*(A*b-4*a*B)*(a+b*x)^6/(a^3*x^6)
--R
--R
--R (2)
--R
         1 8 1 7 8 1 3 5 6 1 3 5 5 4 4 5
--R
       (---- A b + -- B a b )x - - B a b x + (- - A a b - - B a b )x
                            2
         168 42
--R
                                          3
--R
--R
        5 44 5 53 4 53
       (--Aab --Bab)x + (-2Aab -2Bab)x
--R
--R
         4
                 2
```

```
--R
        5 6 2 5 7 2 5 7 1 8 1 8
--R
--R
        (-- A a b -- B a b)x + (-- A a b -- B a )x -- A a
--R
--R /
--R
       3 8
--R
      a x
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 287
--S 290 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 290
)clear all
--S 291 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^10
--R
--R
--R
     (1)
          5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
--R
      B b x + (A b + 5B a b) x + (5A a b + 10B a b) x
--R
           23 323 32 42 4
--R
--R
      (10A \ a \ b + 10B \ a \ b )x + (10A \ a \ b + 5B \ a \ b)x + (5A \ a \ b + B \ a )x + A \ a
--R /
--R
      10
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 291
--S 292 of 1293
 \texttt{r0:=-1/9*a^5*A/x^9-1/8*a^4*(5*A*b+a*B)/x^8-5/7*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^7-\_ } 
    5/3*a^2*b^2*(A*b+a*B)/x^6-a*b^3*(A*b+2*a*B)/x^5-_
    1/4*b^4*(A*b+5*a*B)/x^4-1/3*b^5*B/x^3
--R
--R
--R.
     (2)
                                 4 5
--R.
        1 56 1 5 5
                                              4 234
        --Bbx + (--Ab --Bab)x + (-Aab -2Bab)x
--R
--R
                     4
--R
--R
         5 2 3 5 3 2 3 10 3 2 5 4 2
        (--Aab --Bab)x + (---Aab --Bab)x
--R
--R
          3
                  3
                                  7
```

```
--R
--R
                          5 4 1 5 1 5
--R
                         (- - A a b - - B a )x - - A a
--R
                              8 8
--R /
--R
                    9
--R
--R
                                                                                        Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 292
--S 295 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
            (3) 0
--R
                                                                                        Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 295
)clear all
--S 296 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^11
--R
--R
--R
               (1)
                              5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
--R
                    B b x + (A b + 5B a b) x + (5A a b + 10B a b) x
--R
                                   23 323 32 42 4
--R
--R
                    (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a
--R /
--R
                   11
--R
--R
                                                                                                                 Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 296
--S 297 of 1293
r0:=-1/10*a^5*A/x^10-1/9*a^4*(5*A*b+a*B)/x^9-5/8*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*b+a*B)/x^8-1/2*A*B)/x^8-1/2*A*B)/x^8-1/2*A*B)/x^8-1/2*A*B)/x^8-1/2*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*B)/x^8-1/2*A*B)/x^8-1/2*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*B)/x^8-1/2*A*A*
             10/7*a^2*b^2*(A*b+a*B)/x^7-5/6*a*b^3*(A*b+2*a*B)/x^6-_
             1/5*b^4*(A*b+5*a*B)/x^5-1/4*b^5*B/x^4
--R
--R
--R
               (2)
--R.
                          1 5 6 1 5 4 5 5 4 5 2 3 4
                        --Bbx + (--Ab -Bab)x + (--Aab --Bab)x
--R
--R
                                                             5
                                                                                                                             6
--R
--R
                             10 2 3 10 3 2 3 5 3 2 5 4 2
                         (---Aab ---Bab)x + (--Aab --Bab)x
--R
--R
                                7
                                                              7
                                                                                                           4
```

```
--R
        5 4 1 5 1 5
--R
        (- - A a b - - B a )x - -- A a
--R
--R
        9 9
--R /
--R
      10
--R
      х
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 297
--S 300 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
   (3) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 300
)clear all
--S 301 of 1293
t0:=(a+b*x)^5*(A+B*x)/x^12
--R
--R
--R
    (1)
         5 6 5 4 5 4 2 3 4
--R
--R
      B b x + (A b + 5B a b) x + (5A a b + 10B a b) x
--R
          23 323 32 42 4 5 5
--R
--R
      (10A a b + 10B a b )x + (10A a b + 5B a b)x + (5A a b + B a )x + A a
--R /
--R
      12
--R
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 301
--S 302 of 1293
\texttt{r0:=-1/11*a^5*A/x^11-1/10*a^4*(5*A*b+a*B)/x^10-5/9*a^3*b*(2*A*b+a*B)/x^9-\_}
    5/4*a^2*b^2*(A*b+a*B)/x^8-5/7*a*b^3*(A*b+2*a*B)/x^7-_
    1/6*b^4*(A*b+5*a*B)/x^6-1/5*b^5*B/x^5
--R
--R
--R
    (2)
--R.
        1 56 1 5 5 4 5 5 4 10 2 3 4
       --Bbx + (--Ab --Bab)x + (--Aab ---Bab)x
--R
--R
        5
                   6
                          6
--R
--R
        5 2 3 5 3 2 3 10 3 2 5 4 2
       (--Aab --Bab)x + (---Aab --Bab)x
--R
--R
         4
                 4
                                9
```

```
--R
          1 4 1 5 1 5
--R
--R
         (- - A a b - -- B a )x - -- A a
--R
           2 10
--R /
--R
       11
--R
       х
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 302
--S 305 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 305
)clear all
--S 306 of 1293
t0:=x^m*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
     (1)
           10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
        B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
              2 8
                   3 7 8
                                 3 7
--R
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
               46 556 55 645
--R
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                         734
                                        7 3
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
                                    9
--R
             8 2
                       9 2
                                           10
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R
--R
--R
       х
--R.
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 306
--S 307 of 1293
r0:=a^10*A*x^(1+m)/(1+m)+a^9*(10*A*b+a*B)*x^(2+m)/(2+m)+_
    5*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)*x^(3+m)/(3+m)+_
    15*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*x^(4+m)/(4+m)+_
    30*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x^(5+m)/(5+m)+_
```

```
42*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^(6+m)/(6+m)+_
    42*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^(7+m)/(7+m)+_
    30*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^(8+m)/(8+m)+_
    15*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^(9+m)/(9+m)+_
    5*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^(10+m)/(10+m)+_
    b^9*(A*b+10*a*B)*x^(11+m)/(11+m)+b^10*B*x^(12+m)/(12+m)
--R
--R
    (2)
--R
            10 11 10 10
                                  10 9
--R
                                              10 8
--R
          B b m + 66B b m + 1925B b m + 32670B b m + 357423B b m
--R
                  10 6 10 5
--R
                                              10 4
           2637558B b m + 13339535B b m + 45995730B b m + 105258076B b m
--R
--R
--R
                   10 2
                                  10
--R
          150917976B b m + 120543840B b m + 39916800B b
--R
--R
         m + 12
--R
         x
--R
            10 9 11 10 9 10
--R
--R
          (A b + 10B a b)m + (67A b + 670B a b)m
--R
                    9 9
--R
          (1980A b + 19800B a b )m + (33990A b + 339900B a b )m
--R
--R
                      9 7 10
--R
                 10
--R
          (375573A b + 3755730B a b )m + (2795331A b + 27953310B a b )m
--R
                                  9 5
--R.
                   10
          (14241590A b + 142415900B a b )m
--R
--R
--R
                   10
--R
          (49412660A b + 494126600B a b )m
--R
--R.
                    10
          (113667576A b + 1136675760B a b )m
--R
--R
--R
          (163671552A b + 1636715520B a b )m
--R
--R
                  10 9 10
--R.
         (131172480A b + 1311724800B a b) m + 43545600A b + 435456000B a b
--R.
--R
--R
         m + 11
--R
         x
--R
                9 2 8 11 9 2 8 10
--R
           (10A a b + 45B a b )m + (680A a b + 3060B a b )m
--R
```

```
--R
                   9 289
--R
--R
           (20370A a b + 91665B a b )m + (354000A a b + 1593000B a b )m
--R
                           287
--R
                     9
           (3954630A a b + 17795835B a b )m
--R
--R
--R
                      9
           (29720040A a b + 133740180B a b )m
--R
--R
                       9
                             285
--R
           (152701910A a b + 687158595B a b )m
--R
--R
--R
                       9
--R
            (533682400A \ a \ b + 2401570800B \ a \ b )m
--R
                                       283
--R
                        9
           (1235244360A a b + 5558599620B a b )m
--R
--R
--R
                   9
                                       282
--R
            (1787705280A \ a \ b + 8044673760B \ a \ b ) m
--R
--R
                                        2 8
--R
            (1438542720A \ a \ b + 6473442240B \ a \ b )m + 479001600A \ a \ b
--R
--R
                       2 8
--R
           2155507200B a b
--R
--R
          m + 10
--R
          x
--R
               28 37 11 28 37 10
--R
--R
           (45A a b + 120B a b )m + (3105A a b + 8280B a b )m
--R
                  28 379
--R
                                                2 8
           (94320A a b + 251520B a b )m + (1660770A a b + 4428720B a b )m
--R
--R
                    2 8
--R
                            3 7 7
           (18778905A a b + 50077080B a b )m
--R
--R
--R
                     2 8
                                     3 7 6
            (142688385A \ a \ b + 380502360B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                      2 8
                                      3 7 5
--R
           (740364930A a b + 1974306480B a b )m
--R
--R
                      2 8
                                       3 7 4
--R
           (2609872380A a b + 6959659680B a b )m
--R
--R
                       2 8
                                       3 7 3
```

```
--R
            (6085456200A \ a \ b + 16227883200B \ a \ b \ )m
--R
--R
                        2 8
                                           3 7 2
--R
             (8861564160A \ a \ b + 23630837760B \ a \ b )m
--R
                                           3 7
--R
                         2 8
                                                                2 8
--R
             (7166102400A \ a \ b + 19109606400B \ a \ b )m + 2395008000A \ a \ b
--R
                        3 7
--R
--R
            6386688000B a b
--R
--R
           m + 9
--R
           x
--R
--R
                 3 7 4 6 11 3 7 4 6 10
--R
            (120A a b + 210B a b )m + (8400A a b + 14700B a b )m
--R
--R
                    3 7
                            4 6 9
                                                     3 7
             (258840A \ a \ b + 452970B \ a \ b \ )m + (4621680A \ a \ b + 8087940B \ a \ b \ )m
--R
--R
--R
                      3 7
                                      467
            (52962120A a b + 92683710B a b )m
--R
--R
--R
                             4 6 6
                       3 7
--R
             (407499120A \ a \ b + 713123460B \ a \ b )m
--R
--R
                        3 7
--R
             (2138834760A \ a \ b + 3742960830B \ a \ b )m
--R
--R
                        3 7
                                           464
--R
            (7617739920A a b + 13331044860B a b )m
--R
--R
                         3 7
--R
            (17922900960A a b + 31365076680B a b )m
--R
--R
                         3 7
                                            462
--R
            (26298578880A \ a \ b + 46022513040B \ a \ b \ )m
--R
--R
                         3 7
                                            4 6
--R
            (21398515200A \ a \ b + 37447401600B \ a \ b )m + 7185024000A \ a \ b
--R
--R
                        4 6
--R
           12573792000B a b
--R
--R
           m + 8
--R
--R
                  4 6 5 5 11 4 6 5 5 10
--R
           (210A a b + 252B a b )m + (14910A a b + 17892B a b )m
--R
--R
```

```
5 5 9 4 6
                                                          5 5 8
--R
                    4 6
            (466200A \ a \ b + 559440B \ a \ b ) m + (8448300A \ a \ b + 10137960B \ a \ b ) m
--R
--R
--R
                      4 6
                                     5 5 7
            (98249130A a b + 117898956B a b )m
--R
--R
--R
                       4 6
           (766849230A a b + 920219076B a b )m
--R
--R
--R
                       4 6
                                        5 5 5
            (4080003900A \ a \ b + 4896004680B \ a \ b )m
--R
--R
                                          554
--R
                        4 6
           (14714704200A a b + 17657645040B a b )m
--R
--R
--R
                         4 6
                                          5 5 3
--R
            (35010506160A \ a \ b + 42012607392B \ a \ b)m
--R
--R
                        4 6
                                          5 5 2
            (51869583360A \ a \ b + 62243500032B \ a \ b )m
--R
--R
--R
                        4 6
                                          5 5
            (42540422400A \ a \ b \ + 51048506880B \ a \ b \ )m \ + 14370048000A \ a \ b
--R
--R
--R
                        5 5
            17244057600B a b
--R
--R
--R
          m + 7
--R
          x
--R
                 5 5 6 4 11 5 5 6 4 10
--R
--R
           (252A a b + 210B a b )m + (18144A a b + 15120B a b )m
--R
                   5 5 6 4 9
                                                    5 5 6 4 8
--R
--R
           (575820A a b + 479850B a b )m + (10599120A a b + 8832600B a b )m
--R
--R
                      5 5
                                      647
--R
           (125269956A a b + 104391630B a b )m
--R
--R
                      5 5
                                       6 4 6
            (993892032A a b + 828243360B a b )m
--R
--R
--R
                       5 5
                                        645
--R
            (5374186020A \ a \ b + 4478488350B \ a \ b )m
--R
--R
                        5 5
                                           644
--R
            (19684561680A \ a \ b + 16403801400B \ a \ b )m
--R
--R
                        5 5
                                          6 4 3
--R
            (47508752592A \ a \ b + 39590627160B \ a \ b )m
```

```
--R
                               6 4 2
--R
                      5 5
--R
          (71279236224A a b + 59399363520B a b )m
--R
--R
                      5 5
                                      6 4
--R
          (59077589760A a b + 49231324800B a b )m + 20118067200A a b
--R
--R
--R
          16765056000B a b
--R
--R
          m + 6
--R
         X
--R
--R
                6 4 7 3 11
                                         6 4
--R
          (210A a b + 120B a b )m + (15330A a b + 8760B a b )m
--R
--R
                  6 4 7 3 9
                                         6 4
           (493920A a b + 282240B a b )m + (9242100A a b + 5281200B a b )m
--R
--R
--R
                   6 4
                                  737
--R
          (111176730A a b + 63529560B a b )m
--R
--R
                     6 4
                                    7 3 6
           (898709490A a b + 513548280B a b )m
--R
--R
--R
                     6 4
--R
           (4954401060A a b + 2831086320B a b )m
--R
--R
                       6 4
                                       734
--R
          (18502726200A a b + 10572986400B a b )m
--R
--R
                      6 4
                                       7 3 3
--R
           (45499804560A \ a \ b + 25999888320B \ a \ b ) m
--R
--R
                      6 4
          (69444103680A a b + 39682344960B a b )m
--R
--R
--R
                      6 4
                                       7 3
           (58406987520A \ a \ b + 33375421440B \ a \ b \ )m + 20118067200A \ a \ b
--R
--R
--R
                      7 3
          11496038400B a b
--R
--R
          m + 5
--R
--R
         x
--R
                7 3 8 2 11 7 3 8 2 10
--R
--R
          (120A a b + 45B a b )m + (8880A a b + 3330B a b )m
--R
                   7 3 8 2 9
--R
                                        7 3 8 2 8
```

```
--R
             (290520A \ a \ b + 108945B \ a \ b ) m + (5530320A \ a \ b + 2073870B \ a \ b ) m
--R
--R
                       7 3
                             8 2 7
--R
             (67814280A \ a \ b + 25430355B \ a \ b )m
--R
                        7 3
--R
                                         8 2 6
             (559938960A \ a \ b + 209977110B \ a \ b )m
--R
                         7 3
--R
            (3159071880A a b + 1184651955B a b )m
--R
--R
                          7 3
                                             8 2 4
--R
             (12092130480A \ a \ b + 4534548930B \ a \ b )m
--R
--R
                          7 3
--R
                                             8 2 3
--R
            (30496298400A a b + 11436111900B a b )m
--R
--R
                          7 3
                                              8 2 2
--R
             (47696592960A \ a \ b + 17886222360B \ a \ b )m
--R
--R
                          7 3
                                              8 2
             (41000774400A a b + 15375290400B a b )m + 14370048000A a b
--R
--R
--R
                         8 2
--R
             5388768000B a b
--R
--R
           m + 4
--R
           x
--R
                 8 2 9 11 8 2 9 10
--R
--R
            (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)m + (3375A \ a \ b + 750B \ a \ b)m
--R
                              9 9
--R
                     8 2
--R
            (112140A \ a \ b + 24920B \ a \ b)m + (2173230A \ a \ b + 482940B \ a \ b)m
--R
--R
                       8 2
--R
            (27206145A \ a \ b + 6045810B \ a \ b)m
--R
--R
                        8 2
                                        9 6
--R
             (230080095A \ a \ b + 51128910B \ a \ b)m
--R
                         8 2
--R
--R
            (1334320110A a b + 296515580B a b)m
--R
--R
                         8 2
--R
             (5270196420A \ a \ b + 1171154760B \ a \ b)m
--R
                          8 2
--R
            (13763718360A a b + 3058604080B a b)m
--R
--R
```

```
--R
                         8 2
--R
             (22339514880A \ a \ b + 4964336640B \ a \ b)m
--R
--R
                         8 2
                                          9
             (19901635200A \ a \ b + 4422585600B \ a \ b)m + 7185024000A \ a \ b
--R
--R
--R
--R
           1596672000B a b
--R
           m + 3
--R
--R
          X
--R
                9 10 11
                                      9 10 10
--R
            (10A a b + B a )m + (760A a b + 76B a )m
--R
--R
--R
                   9
                         10 9
                                               9
--R
            (25650A \ a \ b + 2565B \ a \ )m + (506400A \ a \ b + 50640B \ a \ )m
--R
                    9 10 7
                                                    9
--R
            (6481830A \ a \ b + 648183B \ a \ )m + (56302680A \ a \ b + 5630268B \ a \ )m
--R
--R
--R
--R
             (337296950A \ a \ b + 33729695B \ a \ )m
--R
                       9
                               10 4
--R
            (1386107600A a b + 138610760B a )m
--R
--R
--R
                        9
--R
           (3799853160A a b + 379985316B a )m
--R
--R
                        9
--R
            (6540442560A a b + 654044256B a )m
--R
                            10
--R
--R
           (6234710400 \text{A a b} + 623471040 \text{B a}) \text{m} + 2395008000 \text{A a b} + 239500800 \text{B a}
--R
--R
           m + 2
--R
          x
--R
              10 11 10 10
--R
                                       10 9 10 8
--R
            A a m + 77A a m + 2640A a m + 53130A a m + 696333A a m
--R
--R.
                    10 6 10 5
--R
            6230301A a m + 38759930A a m + 167310220A a m
--R
--R
                     10 3
                                     10 2
                                                       10
--R
           489896616A a m + 924118272A a m + 1007441280A a m + 479001600A a
--R
           m + 1
--R
--R
          x
```

```
--R /
       12 11 10 9
                                     8
--R
--R
       m + 78m + 2717m + 55770m + 749463m + 6926634m + 44990231m
--R
                     4
--R
                 5
                                          3
        206070150m + 657206836m + 1414014888m + 1931559552m + 1486442880m
--R
--R
--R
        479001600
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 307
--S 310 of 1293
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0
--R.
                                                Type: Expression(Integer)
--E 310
)clear all
--S 311 of 1293
t0:=x^10*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R.
--R
--R
     (1)
      10 21 10 9 20
--R
--R
     Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
          28 37 18 37 46 17
--R.
--R
     (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                      5 5 16
                                     5 5
--R
     (210A a b + 252B a b )x + (252A a b + 210B a b )x
--R
            6 4 7 3 14
--R
                                     7 3
                                              8 2 13
--R
     (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
                                 9
          8 2 9 12
--R
                                       10 11 10 10
--R
       (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
                                                Type: Polynomial(Integer)
--E 311
--S 312 of 1293
r0:=1/11*a^10*A*x^11+1/12*a^9*(10*A*b+a*B)*x^12+_
    5/13*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)*x^13+15/14*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*x^14+_
    2*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x^15+21/8*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^16+_
    42/17*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^17+5/3*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^18+_
    15/19*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^19+1/4*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^20+
    1/21*b^9*(A*b+10*a*B)*x^21+1/22*b^10*B*x^22
```

```
--R
--R
--R
    (2)
     1 10 22 1 10 10 9 21 1 9 9 2 8 20
--R
      -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
                         21
--R
                21
--R
--R
      45  28  120  37  19  20  37  35  46  18
--R
      (-- A a b + --- B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
               19
--R
--R
--R
       210 4 6 252 5 5 17 63 5 5 105 6 4 16
      (--- A a b + --- B a b )x + (-- A a b + --- B a b )x
17 4 8
--R
--R
--R
--R
       6 4 7 3 15 60 7 3 45 8 2 14
--R
      (14A \ a \ b + 8B \ a \ b )x + (-- A \ a \ b + -- B \ a \ b )x
--R
--R
--R
      45 8 2 10 9 13 5 9 1 10 12 1 10 11
--R
      (-- A a b + -- B a b)x + (- A a b + -- B a )x + -- A a x
      13 13
--R
                            6
                                   12 11
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 312
--S 315 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                   Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 315
)clear all
--S 316 of 1293
t0:=x^9*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
    (1)
     10 20 10 9 19
--R
                                   9 28 18
     B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
--R.
         28 37 17
--R.
                                3 7
     (45A a b + 120B a b )x + (120A a b + 210B a b )x
--R
--R
          4 6 5 5 15 5 6 4 14
--R
--R
   (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
           6 4 7 3 13
                                7 3 8 2 12
```

```
(210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
          8 2 9 11 9 10 10 10 9
--R
     (45A a b + 10B a b)x + (10A a b + B a )x + A a x
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 316
--S 317 of 1293
r0:=1/10*a^10*A*x^10+1/11*a^9*(10*A*b+a*B)*x^11+_
    5/12*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)*x^12+15/13*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*x^13+_
    15/7*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x^14+14/5*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^15+_
    21/8*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^16+30/17*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^17+_
    5/6*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^18+5/19*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^19+_
    1/20*b^9*(A*b+10*a*B)*x^20+1/21*b^10*B*x^21
--R
--R
--R (2)
--R
     1 10 21 1 10 1 9 20 10 9 45 2 8 19
--R
      -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
      21 20 2
                                        19
--R
      5 2 8 20 3 7 18 120 3 7 210 4 6 17
--R
--R
      (- A a b + -- B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
     2 3
                             17
                                        17
--R
      105 4 6 63 5 5 16 84 5 5 6 4 15
--R
--R
      (--- A a b + -- B a b )x + (-- A a b + 14B a b )x
--R
--R
--R
          6 4 60 7 3 14 120 7 3 45 8 2 13
--R
      (15A a b + -- B a b )x + (--- A a b + -- B a b )x
--R
                            13
--R
--R
      15 8 2 5 9 12 10 9 1 10 11 1 10 10
      (-- A a b + - B a b)x + (-- A a b + -- B a )x + -- A a x
--R
      4 6
                           11 11 10
--R
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--Е 317
--S 320 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R.
--R (3) 0
--R
                                    Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 320
)clear all
--S 321 of 1293
```

```
t0:=x^8*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
     (1)
    10 19 10 9 18 9 2 8 17
--R
--R
     Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
          28 37 16
--R
                                   3 7
     (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
           4 6 5 5 14
                                   5 5 6 4 13
     (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
--R
           6 4
                   7 3 12
                                    7 3
     (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
                                9
--R
          8 2 9 10
                                      10 9 10 8
--R.
      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
                                              Type: Polynomial(Integer)
--E 321
--S 322 of 1293
r0:=1/9*a^10*A*x^9+1/10*a^9*(10*A*b+a*B)*x^10+_
    5/11*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)*x^11+5/4*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*x^12+_
    30/13*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x^13+3*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^14+_
    14/5*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^15+15/8*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^16+_
    15/17*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^17+5/18*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^18+_
    1/19*b^9*(A*b+10*a*B)*x^19+1/20*b^10*B*x^20
--R
--R.
--R
     (2)
--R
      1 10 20 1 10 10 9 19 5 9 5 2 8 18
--R
      -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b )x
--R
                 19
                           19
--R
       45 28 120 37 17 15 37 105 46 16
--R
--R
      (-- A a b + --- B a b )x + (-- A a b + --- B a b )x
--R
                 17
      17
--R
--R
          4 6 84 5 5 15
                                 5 5
--R
      (14A \ a \ b + -- B \ a \ b) x + (18A \ a \ b + 15B \ a \ b) x
--R
--R
--R.
      210 6 4 120 7 3 13 7 3 15 8 2 12
--R.
      (--- A a b + --- B a b )x + (10A a b + -- B a b )x
--R
                 13
--R
--R
      45 8 2 10 9 11 9 1 10 10 1 10 9
      (-- A a b + -- B a b)x + (A a b + -- B a )x + - A a x
--R
--R
                11
                                      10
      11
```

```
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 322
--S 325 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                      Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 325
)clear all
--S 326 of 1293
t0:=x^7*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
      10 18 10 9 17
--R
                                         9 28 16
     B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
          28 37 15 37
--R
--R
     (45A a b + 120B a b )x + (120A a b + 210B a b )x
--R
--R
            4 6 5 5 13
                                   5 5
                                          6 4 12
--R
     (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
            6 4 7 3 11 7 3 8 2 10
--R
     (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R +
--R
          8 2 9 9 9
                                     10 8 10 7
--R
      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--E 326
--S 327 of 1293
r0:=-1/11*a^7*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^9+_
    1/12*a^6*(7*A*b-8*a*B)*(a+b*x)^12/b^9-_
    7/13*a^5*(3*A*b-4*a*B)*(a+b*x)^13/b^9+_
    1/2*a^4*(5*A*b-8*a*B)*(a+b*x)^14/b^9-_
    7/3*a^3*(A*b-2*a*B)*(a+b*x)^15/b^9+_
    7/16*a^2*(3*A*b-8*a*B)*(a+b*x)^16/b^9-_
    7/17*a*(A*b-4*a*B)*(a+b*x)^17/b^9+_
    1/18*(A*b-8*a*B)*(a+b*x)^18/b^9+1/19*B*(a+b*x)^19/b^9
--R
--R
--R (2)
--R
        1 19 19 1 19 5 18 18 10 18 45 2 17 17
        -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
--R
                     18
                              9
                                             17
        19
```

```
--R
--R
       45 2 17 15 3 16 16 3 16 4 15 15
--R
       (-- A a b + -- B a b )x + (8A a b + 14B a b )x
--R
       16
--R
           4 15 5 14 14 252 5 14 210 6 13 13
--R
--R
      (15A a b + 18B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
                               13
--R
        35 6 13 7 12 12 120 7 12 45 8 11 11
--R
--R
       (-- A a b + 10B a b )x + (--- A a b + -- B a b )x
--R
                               11
--R
        9 8 11 9 10 10 10 9 10 1 10 9 9 1 10 9 8
--R
       (-Aab + Bab)x + (--Aab + -Bab)x + -Aabx
--R
--R
--R
--R
         1
               18 1
       - ----- A a b + ----- B a
--R
--R
        350064 831402
--R /
--R
--R
      b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 327
--S 330 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 330
)clear all
--S 331 of 1293
t0:=x^6*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
    (1)
    10 17 10
                         9 16
--R
                                      9 28 15
--R
     Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
         28 37 14 37
--R
    (45A a b + 120B a b )x + (120A a b + 210B a b )x
--R
--R +
--R
          4 6 5 5 12
                                5 5
    (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R +
```

```
6 4 7 3 10 7 3 8 2 9
--R
     (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
          8 2 9 8 9
                                      10 7 10 6
--R
      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
                                               Type: Polynomial(Integer)
--E 331
--S 332 of 1293
r0:=1/11*a^6*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^8-1/12*a^5*(6*A*b-7*a*B)*(a+b*x)^12/b^8+_
    3/13*a^4*(5*A*b-7*a*B)*(a+b*x)^13/b^8-
    5/14*a^3*(4*A*b-7*a*B)*(a+b*x)^14/b^8+_
    1/3*a^2*(3*A*b-7*a*B)*(a+b*x)^15/b^8-_
    3/16*a*(2*A*b-7*a*B)*(a+b*x)^16/b^8+_
    1/17*(A*b-7*a*B)*(a+b*x)^17/b^8+1/18*B*(a+b*x)^18/b^8
--R
--R
--R
     (2)
        1 18 18 1 18 10 17 17 5 17 45 2 16 16
--R
--R
        -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
--R
                   17 17
--R
--R
            2 16 3 15 15 60 3 15 4 14 14
--R
        (3A \ a \ b + 8B \ a \ b ) x + (-- A \ a \ b + 15B \ a \ b ) x
--R
--R
         210 4 14 252 5 13 13 5 13 35 6 12 12
--R
--R
        (--- A a b + --- B a b )x + (21A a b + -- B a b )x
--R
         13
                     1.3
--R
--R
        210 6 12 120 7 11 11 7 11 9 8 10 10
--R
        (--- A a b + --- B a b )x + (12A a b + - B a b )x
--R
                     11
--R
--R
           8 10 10 9 9 9 5 9 9 1 10 8 8 1 10 8 7
        (5A \ a \ b + -- B \ a \ b )x + (- A \ a \ b + - B \ a \ b )x + - A \ a \ b \ x
--R
                                        8
--R
                                4
--R
               17 1
--R
        ----- A a b - ---- B a
--R
--R
        136136
                    350064
--R /
--R
       8
--R
      b
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 332
--S 335 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
```

```
--R
--R (3) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 335
)clear all
--S 336 of 1293
t0:=x^5*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
     (1)
     10 16 10 9 15 9
--R
     B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
          28 37 13
                                  3 7
                                            4 6 12
--R
     (45A a b + 120B a b )x + (120A a b + 210B a b )x
--R
--R
           4 6 5 5 11
                                   5 5 6 4 10
--R
     (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
           64 739 73 828
--R
--R
     (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
          8 2 9 7 9 10 6 10 5
--R
      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--Е 336
--S 337 of 1293
r0:=-1/11*a^5*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^7+_
    1/12*a^4*(5*A*b-6*a*B)*(a+b*x)^12/b^7-_
    5/13*a^3*(2*A*b-3*a*B)*(a+b*x)^13/b^7+_
    5/7*a^2*(A*b-2*a*B)*(a+b*x)^14/b^7-_
    1/3*a*(A*b-3*a*B)*(a+b*x)^15/b^7+_
    1/16*(A*b-6*a*B)*(a+b*x)^16/b^7+1/17*B*(a+b*x)^17/b^7
--R.
--R
--R
     (2)
--R
        1 17 17 1 17 5 16 16 2 16
                                                       2 15 15
--R
        -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (- A a b + 3B a b )x
--R
        17
                   16
                            8
--R.
--R.
        45 2 15 60 3 14 14 120 3 14 210 4 13 13
--R
        (-- A a b + -- B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
                   7
--R
                                  13
--R
        35 4 13 5 12 12 252 5 12 210 6 11 11
--R
--R
        (-- A a b + 21B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
                                             11
--R
                                   11
```

```
--R
         6 11 7 10 10 40 7 10 8 9 9
--R
--R
        (21A a b + 12B a b )x + (-- A a b + 5B a b )x
--R
--R
        45 89 5 988 10 98 1 1077 1 1076
--R
--R
        (-- A a b + - B a b )x + (-- A a b + - B a b )x + - A a b x
--R
--R
--R
          1
               16
                      1
        - ---- A a b + ---- B a
--R
--R
         48048
                     136136
--R /
--R
       7
--R
      b
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 337
--S 340 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
   (3) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 340
)clear all
--S 341 of 1293
t0:=x^4*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
     10 15 10 9 14 9 2 8 13
--R
--R
     Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
--R
          28 37 12
                                 3 7
                                           4 6 11
--R
     (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
           4 6 5 5 10
                                  5 5
     (210A a b + 252B a b )x + (252A a b + 210B a b )x
--R
--R
--R.
           6 4
                7 3 8 7 3 8 2 7
--R
     (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
          8 2 9 6
                             9 10 5 10 4
--R
      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--E 341
```

```
--S 342 of 1293
r0:=1/11*a^4*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^6-_
    1/12*a^3*(4*A*b-5*a*B)*(a+b*x)^12/b^6+_
    2/13*a^2*(3*A*b-5*a*B)*(a+b*x)^13/b^6-_
    1/7*a*(2*A*b-5*a*B)*(a+b*x)^14/b^6+_
    1/15*(A*b-5*a*B)*(a+b*x)^15/b^6+1/16*B*(a+b*x)^16/b^6
--R
--R
--R
    (2)
        1 16 16 1 16 2 15 15 5 15 45 2 14 14
--R
--R
        -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
                           3
                   15
--R
        16
--R
        45 2 14 120 3 13 13 3 13 35 4 12 12
--R
       (-- A a b + --- B a b )x + (10A a b + -- B a b )x
--R
--R
                   13
        1.3
--R
--R
        210 4 12 252 5 11 11 126 5 11 6 10 10
--R
        (--- A a b + --- B a b )x + (--- A a b + 21B a b )x
--R
                   11
--R
--R
        70 6 10 40 7 9 9 7 9 45 8 8 8
        (-- A a b + -- B a b )x + (15A a b + -- B a b )x
--R
       3 3
--R
                                         8
--R
--R
        45 88 10 977 5 97 1 1066 1 1065
--R
        (-- A a b + -- B a b )x + (- A a b + - B a b )x + - A a b x
--R
                              3 6 5
--R
--R.
        1 15 1 16
       ---- A a b - ---- B a
--R
--R
       15015
               48048
--R /
--R
--R
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--Е 342
--S 345 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R.
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 345
)clear all
--S 346 of 1293
t0:=x^3*(a+b*x)^10*(A+B*x)
```

```
--R
--R
--R
     (1)
     10 14 10 9 13 9 2 8 12
--R
     Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
--R
          28 37 11 37 46 10
--R
--R
     (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
                    5 5 9
--R
           4 6
                                 5 5
--R
     (210A a b + 252B a b )x + (252A a b + 210B a b )x
--R
           6 4 7 3 7
                                 7 3
--R
                                          8 2 6
--R
     (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
          8 2 9 5 9 10 4 10 3
--R
      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
                                            Type: Polynomial(Integer)
--Е 346
--S 347 of 1293
r0:=-1/11*a^3*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^5+_
    1/12*a^2*(3*A*b-4*a*B)*(a+b*x)^12/b^5-_
    3/13*a*(A*b-2*a*B)*(a+b*x)^13/b^5+_
    1/14*(A*b-4*a*B)*(a+b*x)^14/b^5+1/15*B*(a+b*x)^15/b^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
        1 15 15 1 15 5 14 14 10 14 45 2 13 13
--R
        -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
        15
                   14
                                          13
--R
        15 2 13 3 12 12 120 3 12 210 4 11 11
--R
--R
        (-- A a b + 10B a b )x + (--- A a b + --- B a b )x
--R
                                 11
--R
           4 11 126 5 10 10 5 10 70 6 9 9
--R
--R
        (21A a b + --- B a b )x + (28A a b + -- B a b )x
--R
--R
        105 6 9 7 8 8 120 7 8 45 8 7 7
--R
        (--- A a b + 15B a b )x + (--- A a b + -- B a b )x
--R
--R.
--R
--R
        15 8 7 5 9 6 6 9 6 1 10 5 5 1 10 5 4
--R
        (-- A a b + - B a b )x + (2A a b + - B a b )x + - A a b x
--R
                 3
--R
         1 14 1 15
--R
--R
        - ---- A a b + ---- B a
```

```
--R
         4004
                    15015
--R /
--R
      5
--R
     b
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 347
--S 350 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
   (3) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 350
)clear all
--S 351 of 1293
t0:=x^2*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R (1)
--R
     10 13 10 9 12 9 2 8 11
--R
     B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
          28 3710 37 469
--R
--R
     (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
           46 558
                                  5 5
--R
     (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
           64 736 73 825
--R
--R
     (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
          8 2 9 4
                              9 10 3 10 2
--R
      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a \ x
--R
--R
                                             Type: Polynomial(Integer)
--E 351
--S 352 of 1293
r0:=1/11*a^2*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^4-
    1/12*a*(2*A*b-3*a*B)*(a+b*x)^12/b^4+_
    1/13*(A*b-3*a*B)*(a+b*x)^13/b^4+1/14*B*(a+b*x)^14/b^4
--R.
--R
--R
    (2)
--R
       1 14 14 1 14 10 13 13 5 13 15 2 12 12
--R
      -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (- A a b + -- B a b )x
              13
                                            6
--R
      14
                           13
--R
```

```
45 2 12 120 3 11 11 3 11 4 10 10
--R
--R
       (-- A a b + --- B a b )x + (12A a b + 21B a b )x
--R
                  11
        11
--R
--R
        70 4 10 5 9 9 63 5 9 105 6 8 8
--R
       (-- A a b + 28B a b )x + (-- A a b + --- B a b )x
--R
--R
          6 8 120 7 7 7 7 7 15 8 6 6
--R
       (30A a b + --- B a b )x + (20A a b + -- B a b )x
--R
--R
--R
          86 955 5 95 1 1044 1 1043
--R
--R
       (9A a b + 2B a b )x + (- A a b + - B a b )x + - A a b x
--R
                         2 4
--R
--R
       1 13 1 14
       --- A a b - --- B a
--R
--R
       858
             4004
--R /
--R
--R
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 352
--S 355 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 355
)clear all
--S 356 of 1293
t0:=x*(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
    (1)
     10 12 10 9 11
--R
                                 9 28 10
     B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
--R
         28 379
--R.
                              3 7
                                       468
    (45A a b + 120B a b )x + (120A a b + 210B a b )x
--R
--R
          46 557 55 646
--R
--R
   (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
          64 735 73 824
```

```
(210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
         8 2 9 3 9 10 2 10
--R
     (45A a b + 10B a b)x + (10A a b + B a )x + A a x
--R
                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 356
--S 357 of 1293
r0:=-1/11*a*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^3+1/12*(A*b-2*a*B)*(a+b*x)^12/b^3+__
    1/13*B*(a+b*x)^13/b^3
--R
--R
--R
    (2)
        1 13 13 1 13 5 12 12 10 12 45 2 11 11
--R
       -- B b x + (-- A b + - B a b )x + (-- A a b + -- B a b )x
--R
--R
       13
                  12
                          6
                                         11
--R
--R
       9 2 11 3 10 10 40 3 10 70 4 9 9
--R
        (-Aab + 12Bab)x + (--Aab + -- Bab)x
--R
                               3
--R
       105 4 9 63 5 8 8 5 8 6 7 7
--R
--R
       (--- A a b + -- B a b)x + (36A a b + 30B a b)x
       4 2
--R
--R
            67 766 76 855
--R
--R
       (35A \ a \ b + 20B \ a \ b ) x + (24A \ a \ b + 9B \ a \ b ) x
--R
--R
        45 85 5 94 4 10 94 1 103 3 1 103 2
--R
       (-- A a b + - B a b)x + (-- A a b + - B a b)x + - A a b x
--R
        4
                             3
                                  3
--R
--R
        1 12 1 13
--R
       - --- A a b + --- B a
--R
        132
                  858
--R /
--R
      3
--R
      b
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 357
--S 360 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 360
)clear all
```

```
--S 361 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)
--R
--R
--R
    (1)
     10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
     Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
          28 378
--R
                                3 7
                                         467
--R
     (45A a b + 120B a b )x + (120A a b + 210B a b )x
--R
           4 6 5 5 6
                                5 5 6 4 5
--R
     (210A a b + 252B a b )x + (252A a b + 210B a b )x
--R
--R
--R
          6 4
               7 3 4
                             7 3 8 2 3
--R
     (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
          8 2 9 2
                           9 10
--R
      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
                                           Type: Polynomial(Integer)
--E 361
--S 362 of 1293
r0:=1/11*(A*b-a*B)*(a+b*x)^11/b^2+1/12*B*(a+b*x)^12/b^2
--R
--R
--R
    (2)
        1 12 12 1 12 10 11 11 11 9 2 10 10
--R
--R
       -- B b x + (-- A b + -- B a b )x + (A a b + - B a b )x
--R
       12
                  11
                           11
--R
          2 10 40 3 9 9 3 9 105 4 8 8
--R
--R
       (5A a b + -- B a b )x + (15A a b + --- B a b )x
--R
--R
           48 577
                               5 7 6 6 6
--R
--R
       (30A \ a \ b + 36B \ a \ b ) x + (42A \ a \ b + 35B \ a \ b ) x
--R
--R
                  7 5 5
                               7 5 45 8 4 4
       (42A \ a \ b + 24B \ a \ b) x + (30A \ a \ b + -- B \ a \ b) x
--R
--R
--R
--R
           8 4 10 9 3 3 9 3 1 10 2 2 10 2 1 11
--R
        (15A a b + -- B a b )x + (5A a b + - B a b )x + A a b x + -- A a b
--R
--R
--R
         1 12
       - --- B a
--R
--R
        132
```

```
--R /
--R
--R
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 362
--S 365 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 365
)clear all
--S 366 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x
--R
--R
--R
    (1)
          10 11 10 9 10
--R
--R
        B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
             28 378 37
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
               46 556 55 645
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
               6 4 7 3 4
                                       7 3
--R
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b ) x
--R
             8 2 9 2 9 10
--R
--R
       (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 366
--S 367 of 1293
r0:=10*a^9*A*b*x+45/2*a^8*A*b^2*x^2+40*a^7*A*b^3*x^3+_
    105/2*a^6*A*b^4*x^4+252/5*a^5*A*b^5*x^5+35*a^4*A*b^6*x^6+_
    120/7*a^3*A*b^7*x^7+45/8*a^2*A*b^8*x^8+10/9*a*A*b^9*x^9+_
    1/10*A*b^10*x^10+1/11*B*(a+b*x)^11/b+a^10*A*log(x)
--R
--R
--R
    (2)
                      11 11 11 10 10
--R
--R
         27720A a b log(x) + 2520B b x + (2772A b + 27720B a b )x
```

```
--R
           10 299
                                       2 9 3 8 8
--R
--R
        (30800A \ a \ b + 138600B \ a \ b )x + (155925A \ a \ b + 415800B \ a \ b )x
--R
                 3 8 4 7 7 4 7
--R
--R
        (475200A \ a \ b + 831600B \ a \ b ) x + (970200A \ a \ b + 1164240B \ a \ b ) x
--R
--R
                                655
                                                  6 5
        (1397088A \ a \ b + 1164240B \ a \ b \ )x + (1455300A \ a \ b + 831600B \ a \ b \ )x
--R
--R
--R
                              8 3 3
                  74
                                                8 3
        (1108800A \ a \ b + 415800B \ a \ b ) x + (623700A \ a \ b + 138600B \ a \ b ) x
--R
--R
--R
                             10
         (277200A \ a \ b + 27720B \ a \ b)x + 2520B \ a
--R
--R /
--R
       27720b
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 367
--S 370 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 370
)clear all
--S 371 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^2
--R
--R
--R
     (1)
          10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
       Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
--R
             28 378
                                      3 7
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
              46 556
                                       5 5
                                               6 4 5
--R.
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
                     7 3 4
--R
              6 4
                                       7 3
                                               8 2 3
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
--R
                     9 2
                                   9
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
```

```
--R
--R
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 371
--S 372 of 1293
r0:=-a^10*A/x+5*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)*x+15/2*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*x^2+_
     10*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x^3+21/2*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^4+_
     42/5*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^5+5*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^6+
     15/7*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^7+5/8*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^8+_
     1/9*b^9*(A*b+10*a*B)*x^9+1/10*b^10*B*x^10+a^9*(10*A*b+a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                 9
                            10
--R
         (25200A \ a \ b + 2520B \ a \ )x \log(x) + 252B \ b \ x
--R
--R
                      9 10
               10
--R
         (280A b + 2800B a b)x + (3150A a b + 14175B a b)x
--R
--R
                 2 8
                             3 7 8
                                              3 7 4 6 7
--R
         (16200A a b + 43200B a b )x + (50400A a b + 88200B a b )x
--R
--R
                  46 556 55 645
--R
        (105840A \ a \ b + 127008B \ a \ b ) x + (158760A \ a \ b + 132300B \ a \ b ) x
--R
--R
                                 734
                                                  7 3
--R
         (176400A \ a \ b + 100800B \ a \ b )x + (151200A \ a \ b + 56700B \ a \ b )x
--R
--R
                  8 2 9 2 10
--R
         (113400A \ a \ b + 25200B \ a \ b)x - 2520A \ a
--R /
--R
       2520x
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 372
--S 375 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 375
)clear all
--S 376 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^3
--R
--R
```

```
--R
     (1)
           10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
         B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
               28 378 37 467
--R
--R
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
               4 6
                          5 5 6
                                         5 5
         (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
               6 4
                         734
                                         7 3
         (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
              8 2
                        9 2
                                     9
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
--R
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 376
--S 377 of 1293
r0:=-1/2*a^10*A/x^2-a^9*(10*A*b+a*B)/x+15*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*x+_
    15*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x^2+14*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^3+_
    21/2*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^4+6*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^5+_
    5/2*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^6+5/7*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^7+_
    1/8*b^9*(A*b+10*a*B)*x^8+1/9*b^10*B*x^9+5*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
                 8 2 9 2
--R
                                                10 11 10
                                                                          9 10
--R
         (22680A \ a \ b + 5040B \ a \ b) x \log(x) + 56B \ b \ x + (63A \ b + 630B \ a \ b) x
--R
                          289
                                           2 8
--R
--R
         (720A \ a \ b + 3240B \ a \ b ) x + (3780A \ a \ b + 10080B \ a \ b ) x
--R
--R
                 3 7
                             467
                                              4 6
         (12096A \ a \ b + 21168B \ a \ b )x + (26460A \ a \ b + 31752B \ a \ b )x
--R
--R
--R
                               6 4 5
                                               6 4
         (42336A \ a \ b + 35280B \ a \ b ) x + (52920A \ a \ b + 30240B \ a \ b ) x
--R
--R
--R.
                 7 3
                        8 2 3
                                           9
                                                      10
--R
         (60480A \ a \ b + 22680B \ a \ b )x + (-5040A \ a \ b - 504B \ a )x - 252A \ a
--R /
--R
--R
       504x
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 377
```

```
--S 380 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 380
)clear all
--S 381 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^4
--R
--R
--R
     (1)
--R
           10 11 10 9 10
                                                9 289
--R.
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
             28 378
                                       3 7
--R
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
               46 556 55 645
--R
         (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                    7 3 4
                                                8 2 3
               6 4
                                        7 3
--R
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b ) x
--R
--R
              8 2 9 2 9 10 10
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
--R
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 381
--S 382 of 1293
r0:=-1/3*a^10*A/x^3-1/2*a^9*(10*A*b+a*B)/x^2-5*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x+_
    30*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*x+21*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x^2+_
    14*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^3+15/2*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^4+_
    3*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^5+5/6*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^6+_
    1/7*b^9*(A*b+10*a*B)*x^7+1/8*b^10*B*x^8+15*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                 7 3
                        8 2 3
                                               10 11
--R
         (20160A \ a \ b + 7560B \ a \ b ) x \log(x) + 21B \ b x
--R
--R
                         9 10
        (24A b + 240B a b)x + (280A a b + 1260B a b)x
--R
--R
```

```
28 378 37 467
--R
--R
       (1512A \ a \ b + 4032B \ a \ b )x + (5040A \ a \ b + 8820B \ a \ b )x
--R
--R
               4 6 5 5 6
                                        5 5
--R
       (11760A a b + 14112B a b )x + (21168A a b + 17640B a b )x
--R
               6 4 7 3 4
                                        8 2 9 2
--R
--R
      (35280A a b + 20160B a b )x + (- 7560A a b - 1680B a b)x
--R
                             10
--R
              9
                      10
--R
       (- 840A a b - 84B a )x - 56A a
--R /
--R
--R
      168x
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 382
--S 385 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 385
)clear all
--S 386 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^5
--R
--R
--R
   (1)
         10 11 10 9 10
--R
--R
      Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
           28 378 37 467
--R
--R
       (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
                                   5 5
            46 556
                                          645
       (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
            6 4
                   734
                                   7 3
--R
                                            823
--R.
       (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
           8 2 9 2
                             9 10 10
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
       5
--R
      x
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
```

```
--Е 386
--S 387 of 1293
\texttt{r0:=-1/4*a^10*A/x^4-1/3*a^9*(10*A*b+a*B)/x^3-5/2*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^2-\_}
    15*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x+42*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*x+_
    21*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x^2+10*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^3+_
    15/4*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^4+a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^5+_
    1/6*b^9*(A*b+10*a*B)*x^6+1/7*b^10*B*x^7+30*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                            734
                 6 4
         (17640A \ a \ b + 10080B \ a \ b ) x \log(x) + 12B \ b x
--R
--R
--R
                        9 10
                                                 289
--R
        (14A b + 140B a b)x + (168A a b + 756B a b)x
--R
--R
               2 8
                     3 7 8
                                         3 7
         (945A \ a \ b + 2520B \ a \ b )x + (3360A \ a \ b + 5880B \ a \ b )x
--R
--R
--R
              46 556 55
--R
        (8820A \ a \ b + 10584B \ a \ b ) x + (21168A \ a \ b + 17640B \ a \ b ) x
--R
--R
                 7 3 8 2 3 8 2 9 2
--R
       (- 10080A a b - 3780B a b )x + (- 1890A a b - 420B a b)x
--R
                     10
--R
--R
        (- 280A a b - 28B a )x - 21A a
--R /
--R
         4
--R
       84x
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 387
--S 390 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 390
)clear all
--S 391 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^6
--R
--R
--R (1)
--R
          10 11 10 9 10 9
                                                        289
```

```
B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
--R
               28 378 37 467
--R
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
               4 6
                         5 5 6
                                         5 5
--R
         (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
                         734
--R
                6 4
                                         7 3
         (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
                       9 2
                                     9
--R
             8 2
                                            10
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
--R
       x
--R.
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 391
--S 392 of 1293
r0:=-1/5*a^10*A/x^5-1/4*a^9*(10*A*b+a*B)/x^4-5/3*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^3-_
    15/2*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^2-30*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x+
    42*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*x+15*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x^2+_
    5*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^3+5/4*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^4+_
    1/5*b^9*(A*b+10*a*B)*x^5+1/6*b^10*B*x^6+42*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                      6 4 5
                 5 5
--R
         (15120A \ a \ b + 12600B \ a \ b ) x \log(x) + 10B \ b x
--R
                         9 10 9 2 8 9
--R
--R
         (12A b + 120B a b)x + (150A a b + 675B a b)x
--R
--R
              2 8
                          3 7 8
                                           3 7
         (900A \ a \ b + 2400B \ a \ b )x + (3600A \ a \ b + 6300B \ a \ b )x
--R
--R
--R
                             5 5 6
                                                 6 4
         (12600A \ a \ b + 15120B \ a \ b ) x + (-12600A \ a \ b - 7200B \ a \ b ) x
--R
--R
--R
                             8 2 3
                                              8 2
        (- 3600A a b - 1350B a b )x + (- 900A a b - 200B a b)x
--R
--R.
--R
                 9
                          10
                                     10
--R
         (- 150A a b - 15B a )x - 12A a
--R /
--R
--R
       60x
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 392
```

```
--S 395 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 395
)clear all
--S 396 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^7
--R
--R
--R
     (1)
--R
           10 11 10 9 10
                                               9 289
--R
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
             28 378
                                   3 7
--R
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
               4 6
                         5 5 6
                                       5 5
                                                  645
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
               64 734 73 823
--R
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b ) x
--R
--R
              8 2
                   9 2
                                  9
                                           10
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
        7
--R
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 396
--S 397 of 1293
\texttt{r0:=-1/6*a^10*A/x^6-1/5*a^9*(10*A*b+a*B)/x^5-5/4*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^4-\_}
    5*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^3-15*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^2-_
    42*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x+30*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*x+_
    15/2*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x^2+5/3*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^3+_
    1/4*b^9*(A*b+10*a*B)*x^4+1/5*b^10*B*x^5+42*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)*log(x)
--R.
--R
--R
    (2)
--R
                4 6
                             5 5 6
                                               10 11
--R
         (12600A \ a \ b + 15120B \ a \ b ) x \log(x) + 12B \ b x
--R
             10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
         (15A b + 150B a b)x + (200A a b + 900B a b)x
```

```
--R
          28 378 37 467
--R
        (1350A a b + 3600B a b )x + (7200A a b + 12600B a b )x
--R
--R
                5 5 6 4 5 6 4 7 3 4
--R
        (- 15120A a b - 12600B a b )x + (- 6300A a b - 3600B a b )x
--R
--R
--R
                         8 2 3
                                         8 2
--R
       (- 2400A a b - 900B a b )x + (- 675A a b - 150B a b)x
--R
--R
                     10
        (- 120A a b - 12B a )x - 10A a
--R
--R /
--R
--R
      60x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 397
--S 400 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 400
)clear all
--S 401 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^8
--R
--R
--R
          10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
       Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
            2 8
--R
                      3 7 8
                                    3 7
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
                      5 5 6
                                     5 5
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
--R.
             6 4
                    7 3 4
                                     7 3
--R
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
            8 2
                   9 2
                                 9
                                        10 10
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
       8
--R
      х
```

```
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 401
--S 402 of 1293
r0:=-1/7*a^10*A/x^7-1/6*a^9*(10*A*b+a*B)/x^6-a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^5-_
    15/4*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^4-10*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^3-_
    21*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^2-42*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x+_
    15*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*x+5/2*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x^2+_
    1/3*b^9*(A*b+10*a*B)*x^3+1/4*b^10*B*x^4+30*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
                 3 7
                             4 6 7
--R
--R
         (10080A \ a \ b + 17640B \ a \ b ) x \log(x) + 21B \ b x
--R
--R
                         9 10
                                          9
--R
         (28A b + 280B a b)x + (420A a b + 1890B a b)x
--R
                       3 7 8
--R
                2 8
                                               4 6
         (3780A \ a \ b + 10080B \ a \ b ) x + (-17640A \ a \ b - 21168B \ a \ b ) x
--R
--R
--R
                  5 5 6 4 5 6 4 7 3 4
--R
       (- 10584A a b - 8820B a b )x + (- 5880A a b - 3360B a b )x
--R
--R
                  7 3 8 2 3
                                             8 2
--R
         (-2520A \ a \ b \ -945B \ a \ b \ )x + (-756A \ a \ b \ -168B \ a \ b)x
--R
--R
                  9 10 10
--R
         (- 140A a b - 14B a )x - 12A a
--R /
--R
--R
       84x
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 402
--S 405 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 405
)clear all
--S 406 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^9
--R
--R
--R (1)
```

```
10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
                   3 7 8
--R
              2 8
                                        3 7
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                         5 5 6
                                       5 5
--R
               4 6
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
               6 4
                         734
                                        7 3
                                                  8 2 3
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
              8 2
                       9 2
                                    9
                                           10 10
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
        9
--R
       x
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 406
--S 407 of 1293
r0:=-1/8*a^10*A/x^8-1/7*a^9*(10*A*b+a*B)/x^7-5/6*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^6-_
    3*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^5-15/2*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^4-
    14*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^3-21*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x^2-_
    30*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)/x+5*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*x+_
    1/2*b^9*(A*b+10*a*B)*x^2+1/3*b^10*B*x^3+15*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
                2 8 3 7 8
--R
                                               10 11
--R
         (7560A \ a \ b + 20160B \ a \ b ) x \log(x) + 56B \ b x
--R
--R
                         9 10
--R
         (84A b + 840B a b)x + (1680A a b + 7560B a b)x
--R
                   3 7
                                                 4 6
--R
                               467
--R
        (- 20160A a b - 35280B a b )x + (- 17640A a b - 21168B a b )x
--R
--R
                   5 5
                               645
                                                6 4
--R
        (- 14112A a b - 11760B a b )x + (- 8820A a b - 5040B a b )x
--R
                  7 3
--R
                            8 2 3
                                               8 2
--R.
         (-4032A \ a \ b \ -1512B \ a \ b \ )x \ + (-1260A \ a \ b \ -280B \ a \ b)x
--R
--R
                 9
                        10 10
--R
         (-240A \ a \ b - 24B \ a \ )x - 21A \ a
--R /
--R
--R
       168x
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
```

```
--E 407
--S 410 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 410
)clear all
--S 411 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^10
--R
--R
--R
     (1)
--R
           10 11 10 9 10
                                               9 289
--R
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
             28 378
                                   3 7
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
               4 6 5 5 6 5 5 6 4 5
--R
--R
         (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
               6 4
                    734
                                         7 3
                                                 8 2 3
--R
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
              8 2 9 2 9 10 10
--R.
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
        10
--R
       х
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 411
--S 412 of 1293
r0:=-1/9*a^10*A/x^9-1/8*a^9*(10*A*b+a*B)/x^8-5/7*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^7-_1
    5/2*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^6-6*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^5-_
    21/2*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^4-14*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x^3-_
    15*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)/x^2-15*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)/x+_
    b^9*(A*b+10*a*B)*x+1/2*b^10*B*x^2+5*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)*log(x)
--R.
--R
--R
     (2)
--R
                     289
--R
         (5040A \ a \ b + 22680B \ a \ b ) x \log(x) + 252B \ b x
--R
--R
               10
                            9 10
                                              2 8
                                                         3 7 8
```

```
--R
        (504A b + 5040B a b)x + (-22680A a b - 60480B a b)x
--R
                 3 7 4 6 7 4 6 5 5 6
--R
--R
        (-30240A \ a \ b \ -52920B \ a \ b \ )x \ + (-35280A \ a \ b \ -42336B \ a \ b \ )x
--R
--R
                  5 5
                             645
                                               6 4
                                                           7 3 4
        (- 31752A a b - 26460B a b )x + (- 21168A a b - 12096B a b )x
--R
--R
                                            8 2 9 2
                 7 3 8 2 3
--R
       (- 10080A a b - 3780B a b )x + (- 3240A a b - 720B a b)x
--R
--R
              9
                              10
--R
                       10
        (-630A \ a \ b - 63B \ a \ )x - 56A \ a
--R
--R /
--R
--R
      504x
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 412
--S 415 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 415
)clear all
--S 416 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^11
--R
--R
--R
    (1)
          10 11 10 9 10
--R
       B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
--R
            28 378
--R
                                    3 7
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
             4 6
                   5 5 6
                                     5 5
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
--R
              6 4 7 3 4
                                     7 3
                                             8 2 3
        (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
            8 2 9 2 9 10 10
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
       11
```

```
--R
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 416
--S 417 of 1293
\texttt{r0:=-1/10*a^10*A/x^10-1/9*a^9*(10*A*b+a*B)/x^9-5/8*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^8-\_}
    15/7*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^7-5*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^6-
    42/5*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^5-21/2*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x^4-
    10*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)/x^3-15/2*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)/x^2-_
    5*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)/x+b^10*B*x+b^9*(A*b+10*a*B)*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
                      9 10
--R
--R
         (2520A b + 25200B a b)x log(x) + 2520B b x
--R
--R.
                    9
                               289
                                                 2 8
                                                          3 7 8
         (-25200A \ a \ b \ -113400B \ a \ b \ )x \ + (-56700A \ a \ b \ -151200B \ a \ b \ )x
--R
--R
--R
                    3 7
                           467
                                            4 6
--R
        (- 100800A a b - 176400B a b )x + (- 132300A a b - 158760B a b )x
--R
--R
                    5 5
                                  6 4 5
                                                   6 4
                                                           734
        (- 127008A a b - 105840B a b )x + (- 88200A a b - 50400B a b )x
--R
--R
--R
                   7 3 8 2 3
                                                 8 2 9 2
        (- 43200A a b - 16200B a b )x + (- 14175A a b - 3150B a b)x
--R
--R
--R
                 9
                     10
                                  10
--R.
         (-2800A \ a \ b \ -280B \ a \ )x \ -252A \ a
--R /
--R
           10
--R
       2520x
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 417
--S 420 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 420
)clear all
--S 421 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^12
--R
--R
```

```
--R
     (1)
           10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
        B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
              28 378 37 467
--R
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
              4 6
                         5 5 6
                                       5 5
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
                        734
                                        7 3
               6 4
        (210A a b + 120B a b )x + (120A a b + 45B a b )x
--R
--R
--R
             8 2
                       9 2
                                    9
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
       12
--R
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 421
--S 422 of 1293
r0:=-1/10*a^10*B/x^10-10/9*a^9*b*B/x^9-45/8*a^8*b^2*B/x^8-_
    120/7*a^7*b^3*B/x^7-35*a^6*b^4*B/x^6-252/5*a^5*b^5*B/x^5-\_
    105/2*a^4*b^6*B/x^4-40*a^3*b^7*B/x^3-45/2*a^2*b^8*B/x^2-_
    10*a*b^9*B/x-1/11*A*(a+b*x)^11/(a*x^11)+b^10*B*log(x)
--R
--R
--R
     (2)
                 10 11 11 10
--R
                                                                      2 9 10
--R
         27720B a b x log(x) - 2520A b x + (- 27720A a b - 277200B a b )x
--R
--R
                   2 9
                                 389
                                                     3 8
--R
        (- 138600A a b - 623700B a b )x + (- 415800A a b - 1108800B a b )x
--R
                                 567
--R
                   4 7
                                                      5 6
--R
        (-831600A \ a \ b \ -1455300B \ a \ b \ )x \ + (-1164240A \ a \ b \ -1397088B \ a \ b \ )x
--R
--R
                    6 5
                                  7 4 5
                                                      74
        (-1164240A \ a \ b \ -970200B \ a \ b \ )x \ + (-831600A \ a \ b \ -475200B \ a \ b \ )x
--R
--R
                                 923
--R
                    8 3
                                                     9 2
--R.
        (-415800A a b - 155925B a b )x + (-138600A a b - 30800B a b)x
--R
--R
                  10
                             11
--R
         (-27720A \ a \ b - 2772B \ a \ )x - 2520A \ a
--R /
--R
             11
       27720a x
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
```

```
--E 422
--S 425 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 425
)clear all
--S 426 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^13
--R
--R
--R (1)
--R
           10 11 10 9 10
                                                 9 289
--R
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
             28 378 37 467
--R
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
               46 556 55 645
--R
       (210A a b + 252B a b )x + (252A a b + 210B a b )x
--R
                     7 3 4
--R
                6 4
                                          7 3
--R
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b ) x
--R
              8 2 9 2 9 10 10
--R
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
       13
--R
       x
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 426
--S 427 of 1293
\texttt{r0} : = -1/12 * \texttt{A} * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{x}) ^11/(\texttt{a} * \texttt{x}^12) + 1/132 * (\texttt{A} * \texttt{b} - 12 * \texttt{a} * \texttt{B}) * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{x}) ^11/(\texttt{a}^2 * \texttt{x}^11)
--R
--R
--R
     (2)
--R
          1 12 1 11 12 2 10 11 1 2 10 3 9 10
--R
         (--- A b - -- B a b )x - B a b x + (- - A a b - 5B a b )x
--R
         132
                    11
                                                      2
--R
           10 3 9 4 8 9 45 4 8 5 7 8
--R
--R
         (--- A a b - 15B a b )x + (--- A a b - 30B a b )x
--R
--R
```

```
5 7 6 6 7 6 6 7 5 6
--R
--R
       (- 24A a b - 42B a b )x + (- 35A a b - 42B a b )x
--R
--R
              7 5 8 4 5 105 8 4
                                             934
--R
        (- 36A a b - 30B a b )x + (- --- A a b - 15B a b )x
--R
--R
         40 93 1023 9 102
--R
       (---Aab - 5Ba b)x + (--Aa b - Ba b)x
--R
--R
--R
         10 11
                              1 12
--R
                    1 12
       (---Aab---Ba)x---Aa
--R
--R
                   11
         11
--R /
--R
       2 12
--R
      аx
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 427
--S 430 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                            Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 430
)clear all
--S 431 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^14
--R
--R
--R
     (1)
         10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
       Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
           2 8
                     3 7 8
--R
                                  3 7
--R
       (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
                                5 5
--R
            46 556
                                          6 4 5
--R.
       (210A \ a \ b + 252B \ a \ b ) x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
            6 4
                   734
                                   7 3
                                          8 2 3
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
--R
                                     10 10
           8 2 9 2
                                9
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
```

```
--R
      14
--R
       X
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 431
--S 432 of 1293
\texttt{r0} : = -1/13 * \texttt{A} * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{x}) ^11/(\texttt{a} * \texttt{x} ^13) + 1/156 * (2 * \texttt{A} * \texttt{b} - 13 * \texttt{a} * \texttt{B}) * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{x}) ^11/(\texttt{a} ^2 * \texttt{x} ^12) - \_
    1/1716*b*(2*A*b-13*a*B)*(a+b*x)^11/(a^3*x^11)
--R
--R
     (2)
            1 13 1 12 13 1 3 10 11
--R
         (- --- A b + --- B a b )x - - B a b x
858 132 2
--R
--R
--R
--R
           1 3 10 10 4 9 10 5 4 9 45 5 8 9
--R
         (--Aab ---Bab)x + (--Aab ---Bab)x
--R
                       3
--R
              58 678
--R
                                     6 7
--R
         (- 9A a b - 24B a b )x + (- 20A a b - 35B a b )x
--R
--R
               7 6 8 5 6 63 8 5 105 9 4 5
        (- 30A a b - 36B a b )x + (- -- A a b - --- B a b )x
--R
--R
--R
           70 9 4 40 10 3 4 10 3 9 11 2 3
--R
--R
         (---Aab ---Bab)x + (-12Aab ---Bab)x
--R
--R
--R
           45 11 2 10 12 2 5 12 1 13 1 13
--R
         (--- A a b - -- B a b)x + (-- A a b - -- B a )x - -- A a
--R
           11
                       11
                                         6
--R /
--R
        3 13
--R
       аx
--R
                                 Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 432
--S 435 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                 Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 435
)clear all
--S 436 of 1293
```

```
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^15
--R
--R
--R
             (1)
                            10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
                      B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
                                                    3 7 8
--R
                                                                                              3 7
                     (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
                                  4 6
--R
                                                           5 5 6
                                                                                               5 5
                                                                                                                    645
                     (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
                                                            734
                                                                                                 7 3
--R
                     (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
                                 8 2
                                                   9 2
                                                                                 9
                                                                                                        10 10
--R
                      (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
                  15
--R
--R
                                                                                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 436
--S 437 of 1293
\texttt{r0:=-1/14*A*(a+b*x)^11/(a*x^14)+1/182*(3*A*b-14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^13)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_14*a*A*A*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_14*a*A*A*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_14*a*A*A*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_14*a*A*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_14*a*A*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_14*a*x^14A*A*(a+b*x^14)-_14*a*A*(a+b*x^14)-_14*a*A*(a+b*x^14)-_14*a*A*(a+b*x^14)-_14*a*A*(a+b*x^14)-_14*a*A*(a+b*x^14)-_14*a*A*(a+b*x^14)-_14*a*A*(a+b*x^14)-_14*a*A*(a+b*x^14)-_14*a*A*(a+b*x^14)-_1
           1/1092*b*(3*A*b-14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^3*x^12)+_
           1/12012*b^2*(3*A*b-14*a*B)*(a+b*x)^11/(a^4*x^11)
--R
--R
--R
             (2)
                          1 14 1 13 14 1 4 10 11
--R
--R
                      (---- A b - --- B a b )x - - B a b x
--R
                       4004
                                                858
--R
                          1 4 10 5 5 9 10 5 9 6 8 9
--R
--R
                      (--Aab --Bab)x + (-2Aab -9Bab)x
--R
--R
                          15 68 778
--R
                                                                                         120 7 7
                      (--- A a b - 20B a b )x + (---- A a b - 30B a b )x
--R
--R
--R.
--R
                          105 8 6 63 9 5 6 9 5 70 10 4 5
                     (----Aab ----Bab)x + (-28Aab ----Bab)x
--R
--R
--R
--R
                                     10 4 11 3 4 120 11 3 45 12 2 3
                      (-21A a b - 12B a b)x + (---- A a b - -- B a b)x
--R
                                                                                                11
--R
```

```
--R
          15 12 2 5 13 2 10 13 1 14 1 14
--R
--R
         (---Aab---Bab)x + (---Aab----Ba)x ----Aa
--R
                                      13
                                                13
--R /
--R
        4 14
--R
       a x
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 437
--S 440 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 440
)clear all
--S 441 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^16
--R
--R
--R
     (1)
           10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
--R
        B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
              2 8
                   3 7 8
                                  3 7
--R.
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
               46 556 55 645
--R
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                        734
                                       7 3
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
                                   9
--R
              8 2
                      9 2
                                          10
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R
--R /
--R
        16
--R
       х
--R.
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 441
--S 442 of 1293
r0:=-1/15*A*(a+b*x)^11/(a*x^15)+1/210*(4*A*b-15*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^14)-_
    1/910*b*(4*A*b-15*a*B)*(a+b*x)^11/(a^3*x^13)+_
    1/5460*b^2*(4*A*b-15*a*B)*(a+b*x)^11/(a^4*x^12)-_
    1/60060*b^3*(4*A*b-15*a*B)*(a+b*x)^11/(a^5*x^11)
```

```
--R
--R
--R
    (2)
         1 15 1 14 15 1 5 10 11
--R
       (----- A b + ---- B a b )x - - B a b x
--R
        15015 4004
--R
--R
        1 5 10 6 9 10 5 6 9 15 7 8 9
--R
      (--Aab - 2Bab)x + (--Aab - -- Bab)x
--R
--R
--R
        45 78 120 878 87 105 967
--R
      (---Aab ----Bab)x + (-15Aab ----Bab)x
7 4
--R
--R
--R
--R
        70 9 6 10 5 6 126 10 5 11 4 5
--R
       (--- A a b - 28B a b )x + (---- A a b - 21B a b )x
--R
--R
        210 11 4 120 12 3 4 12 3 15 13 2 3
--R
--R
       (---- A a b ---- B a b)x + (-10A a b --- B a b)x
--R
                  11
        11
--R
--R
        45 13 2 10 14 2 5 14 1 15 1 15
--R
       (---Aab---Bab)x + (--Aab---Ba)x ---Aa
                 13
--R
        13
                                       14
--R /
--R
      5 15
--R
     ах
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 442
--S 445 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 445
)clear all
--S 446 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^17
--R
--R
--R (1)
        10 11 10 9 10
--R
     B b x + (A b + 10B a b )x + (10A a b + 45B a b )x
--R
--R
```

```
28 378 37 467
--R
--R
          (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                4 6
                           5 5 6
                                           5 5
--R
          (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
                           7 3 4
--R
                                           7 3
--R
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
              8 2
                         9 2
                                       9
                                               10
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
        17
--R
--R
                                             Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 446
--S 447 of 1293
\texttt{r0} : = -1/16 * \texttt{A} * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{x}) ^11/(\texttt{a} * \texttt{x} ^16) + 1/240 * (5 * \texttt{A} * \texttt{b} - 16 * \texttt{a} * \texttt{B}) * (\texttt{a} + \texttt{b} * \texttt{x}) ^11/(\texttt{a} ^2 * \texttt{x} ^15) - \_
     1/840*b*(5*A*b-16*a*B)*(a+b*x)^11/(a^3*x^14)+_
     1/3640*b^2*(5*A*b-16*a*B)*(a+b*x)^11/(a^4*x^13)-_
     1/21840*b^3*(5*A*b-16*a*B)*(a+b*x)^11/(a^5*x^12)+_
     1/240240*b^4*(5*A*b-16*a*B)*(a+b*x)^11/(a^6*x^11)
--R.
--R
--R
      (2)
          1 16 1 15 16 1 6 10 11 (----- A b - ----- B a b )x - - B a b x
--R
--R
--R
          48048
                        15015
--R.
--R
           1 6 10 5 7 9 10 10 7 9 45 8 8 9
--R
          (--Aab --Bab)x + (---Aab ---Bab)x
--R
--R
            45 8 8
--R
                            978
                                        40 9 7 70 10 6 7
--R
         (--- A a b - 15B a b )x + (--- A a b --- B a b )x
--R
--R
                 10 6 126 11 5 6 252 11 5 210 12 4 5
--R
--R
          (- 21A a b - --- B a b)x + (- --- A a b - --- B a b)x
--R
--R
--R.
            35 12 4 13 3 4 120 13 3 45 14 2 3
--R
          (--- A a b - 10B a b)x + (---- A a b --- B a b)x
--R
                                            13
--R
--R
             45 14 2 5 15 2 2 15 1 16
--R
          (--- A a b - - B a b)x + (-- A a b - -- B a )x - -- A a
                                           3
--R
            14
                                                    15
--R /
```

```
--R
        6 16
--R
       ах
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 447
--S 450 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 450
)clear all
--S 451 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^18
--R
--R
--R
    (1)
--R
            10 11 10 9 10
--R
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
               28 378 37 467
--R
          (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                4 6
                       5 5 6
                                           5 5
--R
         (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
                6 4 7 3 4 7 3
                                                  8 2 3
--R
          (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
               8 2
                         9 2
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
        18
--R
       х
--R
                                            Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 451
--S 452 of 1293
\texttt{r0:=-1/17*A*(a+b*x)^11/(a*x^17)+1/272*(6*A*b-17*a*B)*(a+b*x)^11/(a^2*x^16)-_1}
     1/816*b*(6*A*b-17*a*B)*(a+b*x)^11/(a^3*x^15)+_
     1/2856*b^2*(6*A*b-17*a*B)*(a+b*x)^11/(a^4*x^14)-_
     1/12376*b^3*(6*A*b-17*a*B)*(a+b*x)^11/(a^5*x^13)+_
     1/74256*b^4*(6*A*b-17*a*B)*(a+b*x)^11/(a^6*x^12)-_
     1/816816*b^5*(6*A*b-17*a*B)*(a+b*x)^11/(a^7*x^11)
--R
--R
--R
    (2)
```

```
1 17 1 16 17 1 7 10 11
--R
--R
       (----- A b + ---- B a b )x - - B a b x
--R
        136136 48048
--R
        1 7 10 10 8 9 10 5 8 9 45 9 8 9
--R
       (--Aab ---Bab)x + (--Aab ---Bab)x
--R
--R
--R
           9 8 40 10 7 8 10 7 11 6 7
--R
      (-5A a b - -- B a b)x + (-12A a b - 21B a b)x
--R
--R
--R
        210 11 6 252 12 5 6 12 5 35 13 4 5
--R
      (----Aab ----Bab)x + (-21Aab ----Bab)x
--R
--R
         11
                   11
--R
--R
        210 13 4 120 14 3 4 60 14 3 45 15 2 3
--R
      (---- A a b ---- B a b )x + (--- A a b --- B a b )x
                   13
--R
--R
--R
         15 2 2 16 2 5 16
                                      1 17
       (-3A a b -- B a b)x + (-- A a b --- B a )x --- A a
--R
--R
                            8 16
--R /
--R
      7 17
--R
     ах
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 452
--S 455 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 455
)clear all
--S 456 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^19
--R
--R.
--R
   (1)
        10 11 10 9 10 9 2 8 9
--R
       B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
--R
          28 378 37
      (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
```

```
46 556 55 645
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
              6 4
                     734
                                              8 2 3
                                      7 3
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
                                 9 10 10
             8 2 9 2
--R
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
       19
--R
       X
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 456
--S 457 of 1293
r0:=-1/18*a^10*A/x^18-1/17*a^9*(10*A*b+a*B)/x^17-_
    5/16*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^16-a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^15-_
    15/7*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^14-42/13*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^13-_
    7/2*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x^12-30/11*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)/x^11-_
    3/2*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)/x^10-5/9*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)/x^9-
    1/8*b^9*(A*b+10*a*B)/x^8-1/7*b^10*B/x^7
--R
--R
--R
     (2)
          1 10 11 1 10 5 9 10 10 9
--R
        --Bbx+(--Ab---Bab)x+(---Aab-5Bab)x
--R
--R
--R
--R
          9
             2 8 3 7 8 120 3 7 210
                                                  467
--R
        (-- A a b - 12B a b )x + (---- A a b ---- B a b )x
--R
                                    11
                                               11
--R
              4 6
--R
                       5 5 6
                                    252 5 5 210
--R
        (--- A a b - 21B a b )x + (---- A a b ---- B a b )x
--R
                                    13
--R
--R
              6 4 60 7 3 4
                                      7 3
                                              8 2 3
        (-15A a b --- B a b)x + (-8A a b -3B a b)x
--R
--R
--R
                                            1 10
--R
          45 82 5 9 2
                                  10 9
        (--- A a b - - B a b)x + (--- A a b - -- B a )x - -- A a
--R
--R
          16
                   8
                                   17
                                            17
--R /
--R
       18
--R
--R
                              Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 457
--S 460 of 1293
```

```
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                               Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 460
)clear all
--S 461 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^20
--R
--R
--R
     (1)
          10 11 10 9 10
                                             9
--R
                                                     289
--R
        B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
--R
             2 8
                       3 7 8
                                     3 7
                                                467
         (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
             4 6
                        5 5 6
                                      5 5
--R
        (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
               6 4 7 3 4 7 3 8 2 3
--R
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b ) x
--R
              8 2 9 2 9
--R
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
      20
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 461
--S 462 of 1293
r0:=-1/19*a^10*A/x^19-1/18*a^9*(10*A*b+a*B)/x^18-_
    5/17*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^17-15/16*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^16-_
    2*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^15-3*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^14-
    42/13*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x^13-5/2*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)/x^12-_
    15/11*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)/x^11-1/2*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)/x^10-_
    1/9*b^9*(A*b+10*a*B)/x^9-1/8*b^10*B/x^8
--R
--R
--R
     (2)
--R
         1 10 11
                       1 10 10 9 10
                                                 9 9 28 9
--R
        --Bbx + (--Ab ---Bab)x + (-Aab --Bab)x
--R
                       9
--R
          45 2 8 120 3 7 8 3 7 35 4 6 7
--R
--R
         (--- A a b ---- B a b )x + (- 10A a b --- B a b )x
```

```
--R
         11 11
                                              2
--R
          210 4 6 252 5 5 6 5 5 6 4 5
--R
--R
       (----Aab ----Bab)x + (-18Aab -15Bab)x
--R
          13
                     13
--R
             6 4 7 3 4 15 7 3 45 8 2 3
--R
--R
      (-14A a b -8B a b)x + (--- A a b --- B a b)x
--R
--R
--R
                                 5 9
                                          1 10
         45 82 10 9 2
        (- -- A a b - -- B a b)x + (- - A a b - -- B a )x - -- A a 17 9 18 19
--R
--R
--R /
--R
       19
--R
      х
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 462
--S 465 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 465
)clear all
--S 466 of 1293
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/x^21
--R
--R
--R
    (1)
         10 11 10 9 10
--R
       Bbx + (Ab + 10Bab)x + (10Aab + 45Bab)x
--R
--R
           28 378 37
--R
--R
       (45A \ a \ b + 120B \ a \ b ) x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b ) x
--R
--R
             4 6
                  5 5 6
                                   5 5
       (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
             64 734
                                    7 3
                                           8 2 3
        (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
           8 2 9 2 9 10 10
--R
--R
        (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
       21
```

```
--R
     X
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 466
--S 467 of 1293
r0:=-1/20*a^10*A/x^20-1/19*a^9*(10*A*b+a*B)/x^19-_
    5/18*a^8*b*(9*A*b+2*a*B)/x^18-15/17*a^7*b^2*(8*A*b+3*a*B)/x^17-_
    15/8*a^6*b^3*(7*A*b+4*a*B)/x^16-14/5*a^5*b^4*(6*A*b+5*a*B)/x^15-_
    3*a^4*b^5*(5*A*b+6*a*B)/x^14-30/13*a^3*b^6*(4*A*b+7*a*B)/x^13-_
    5/4*a^2*b^7*(3*A*b+8*a*B)/x^12-5/11*a*b^8*(2*A*b+9*a*B)/x^11-_
    1/10*b^9*(A*b+10*a*B)/x^10-1/9*b^10*B/x^9
--R
--R
--R
     (2)
         1 10 11 1 10 9 10 10 9 45 2 8 9
--R
--R
        --Bbx+(---Ab--Bab)x+(----Aab----Bab)x
--R
                     10
                                             11
--R
         15 28 378 120 37 210 467
--R
        (--- A a b - 10B a b )x + (---- A a b ---- B a b )x
--R
--R
                                  13
--R
--R
              4 6
                   5 5 6 84 5 5 6 4 5
--R
      (- 15A a b - 18B a b )x + (- -- A a b - 14B a b )x
--R
--R
          105 6 4 15 7 3 4 120 7 3 45 8 2 3
--R
--R
        (---- A a b --- B a b )x + (---- A a b --- B a b )x
--R
           8
--R
--R
         5 8 2 5 9 2 10 9
                                         1 10
--R
        (--Aab--Bab)x + (---Aab---Ba)x - ---Aa
--R
                9
                                19
                                    19
--R /
--R
       20
--R
      х
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 467
--S 470 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R.
--R
   (3) 0
--R
                             Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 470
)clear all
--S 471 of 1293
```

```
t0:=(a+b*x)^10*(A+B*x)/(d+e*x)^22
--R
--R
--R
     (1)
           10 11 10 9 10
                                               9
--R
                                                         289
--R
         B b x + (A b + 10B a b)x + (10A a b + 45B a b)x
--R
                        3 7 8
--R
                                       3 7
        (45A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
                         5 5 6
                                        5 5
                                                  645
               4 6
         (210A \ a \ b + 252B \ a \ b )x + (252A \ a \ b + 210B \ a \ b )x
--R
--R
--R
                         734
         (210A \ a \ b + 120B \ a \ b )x + (120A \ a \ b + 45B \ a \ b )x
--R
--R
--R
              8 2
                       9 2
                                           10
                                    9
--R
         (45A \ a \ b + 10B \ a \ b)x + (10A \ a \ b + B \ a \ )x + A \ a
--R /
--R
         22 22 21 21 2 20 20 3 19 19
--R
         e x + 22d e x + 231d e x + 1540d e x + 7315d e x
--R
--R
              5 17 17 6 16 16
                                           7 15 15
--R
         26334d e x + 74613d e x + 170544d e x + 319770d e x
--R
               9 13 13 10 12 12 11 11 11 12 10 10
--R
--R
         497420d e x + 646646d e x + 705432d e x + 646646d e x
--R
--R
               13 9 9
                             14 8 8
                                            15 7 7
                                                          16 6 6
--R.
         497420d e x + 319770d e x + 170544d e x + 74613d e x
--R
              17 5 5 18 4 4 19 3 3 20 2 2 21
--R
--R
         26334d e x + 7315d e x + 1540d e x + 231d e x + 22d e x + d
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 471
--S 472 of 1293
r0:=1/21*(b*d-a*e)^10*(B*d-A*e)/(e^12*(d+e*x)^21)-_
    1/20*(b*d-a*e)^9*(11*b*B*d-10*A*b*e-a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^20)+_
    5/19*b*(b*d-a*e)^8*(11*b*B*d-9*A*b*e-2*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^19)-_
    5/6*b^2*(b*d-a*e)^7*(11*b*B*d-8*A*b*e-3*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^18)+_
    30/17*b^3*(b*d-a*e)^6*(11*b*B*d-7*A*b*e-4*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^17)-_
    21/8*b^4*(b*d-a*e)^5*(11*b*B*d-6*A*b*e-5*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^16)+_
    14/5*b^5*(b*d-a*e)^4*(11*b*B*d-5*A*b*e-6*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^15)-_
    15/7*b^6*(b*d-a*e)^3*(11*b*B*d-4*A*b*e-7*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^14)+_
    15/13*b^7*(b*d-a*e)^2*(11*b*B*d-3*A*b*e-8*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^13)-_
    5/12*b^8*(b*d-a*e)*(11*b*B*d-2*A*b*e-9*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^12)+_
    1/11*b^9*(11*b*B*d-A*b*e-10*a*B*e)/(e^12*(d+e*x)^11)-_
    1/10*b^10*B/(e^12*(d+e*x)^10)
--R.
```

```
--R
   (2)
--R
       1 10 11 11 1 10 10 9 11 1 10 10 10
--R
--R
      ---Bbex+((---Ab----Bab)e ----Bbde)x
--R
                   11
                            11
                                       10
--R
          5 9 15 2 8 11 5 10 25 9 10
--R
         (--Aab ---Bab)e + (---Ab ---Bab)de
--R
--R
                            66 33
--R
--R
          1 10 2 9
--R
        - -- B b d e
         12
--R
--R
--R
        9
--R
       x
--R
--R
          45 2 8 120 3 7 11 15 9 135 2 8 10
--R
         (---Aab ----Bab)e + (---Aab -----Bab)de
               13
--R
                               26
--R
--R
           15 10 75 9 2 9 3 10 3 8
--R
         (- --- A b ---- B a b ) d e --- B b d e
                  143
                              52
--R
           286
--R
--R
        8
--R
       X
--R
          60 3 7 4 6 11 180 2 8 480 3 7 10
--R
--R
         (--- A a b - 15B a b )e + (---- A a b ---- B a b )d e
--R
                               91
--R
               9 135 2829
                                30 10 300
--R
          30
                                               9 3 8
--R
         (----Aab -----Bab)de + (-----Ab ------Bab)de
--R
                  91
                                1001
--R
          3 10 4 7
--R
--R
         - -- B b d e
         91
--R
--R
--R
        7
--R
        x
--R
--R
             4 6 84 5 5 11 3 7 4 6 10
         (-14A a b - -- B a b )e + (-4A a b - 7B a b )d e
--R
                  5
--R
--R
--R
          12 28 32 37 29 2 9 9 28 38
         (--- A a b --- B a b )d e + (--- A a b --- B a b )d e
--R
--R
           13
                  13
                               13
                                       13
```

```
--R
           2 10 20 9 4 7 1 10 5 6
--R
         (---- A b ---- B a b )d e --- B b d e
--R
--R
           143
                  143
--R
--R
        6
--R
        x
--R
          63 5 5 105 6 4 11 21 4 6 63 5 5 10
--R
--R
         (---Aab ----Bab)e + (---Aab ----Bab)de
--R
                   8
                                 4
--R
          3 37 21 46 29
                                9 28 12 37 38
--R
--R
         (--Aab - --Bab)de + (---Aab - ---Bab)de
--R
                                26
--R
           3 9 27 2 8 4 7 3 10 15 9 5 6
--R
--R
         (---Aab----Bab)de+(----Ab-----Bab)de
--R
                                  572
          52 104
--R
--R
          3 10 6 5
         - --- B b d e
--R
--R
         520
--R
--R
        5
--R
        x
--R
--R
           210 6 4 120 7 3 11 315 5 5 525 6 4 10
--R
         (---- A a b ---- B a b )e + (---- A a b ---- B a b )d e
--R
           17
                17
                                  68
                                           136
--R
          105 4 6 63 5 5 2 9 15 3 7 105 4 6 3 8
--R
--R
         (---- A a b --- B a b )d e + (--- A a b ---- B a b )d e
--R
                   34
--R
           45 28 60 3747 15
                                        9 135 2856
--R
--R
         (---- A a b ---- B a b )d e + (---- A a b ----- B a b )d e
                   221
--R
                                  884
           442
--R
           15 10 75 9 6 5 3 10 7 4
--R
         (- ---- A b ----- B a b ) d e ----- B b d e
--R
                   4862
--R
           9724
                                 1768
--R
--R
        4
--R
        x
--R
           20 7 3 5 8 2 11 140 6 4 80 7 3 10
--R
--R
         (--- A a b -- B a b )e + (---- A a b --- B a b )d e
         3 2
--R
                                51 51
--R
```

```
35 5 5 175 6 4 2 9 35 4 6 7 5 5 3 8
--R
--R
         (---Aab ----Bab)de + (----Aab ----Bab)de
--R
                  204
                                102
--R
          5 37 35 4647 5 28 40 3756
--R
--R
         (---Aab ----Bab)de + (----Aab -----Bab)de
--R
                  204
                                 221
--R
                 9 15 2 8 6 5 5 10 25 9 7 4
--R
         (- ---- A a b - --- B a b ) d e + (- ----- A b - ---- B a b ) d e
--R
--R
           1326 884
                                  14586
                                           7293
--R
           1 1083
--R
         - ---- B b d e
--R
--R
          2652
--R
--R
        3
--R
        x
--R
--R
           45 8 2 10 9 11 20 7 3 15 8 2 10
         (---Aab ---Bab)e + (---Aab ---Bab)de
--R
--R
                  19
                              19
--R
--R
          140 6 4 80 7 3 2 9 105 5 5 175 6 4 3 8
--R
         (---- A a b ---- B a b )d e + (---- A a b ----- B a b )d e
                                          1292
--R
           323
                   323
                                  646
--R
--R
           35 46 21 5547 5 37 35 4656
         (---- A a b ---- B a b )d e + (---- A a b ----- B a b )d e
--R
--R
           646
                  323
                                  323
                                           1292
--R
--R
           15 28 40 37 65
         (- ---- A a b - ---- B a b )d e
--R
--R
          4199
                 4199
--R
                9 45 2874
--R
           5
         (- ---- A a b ----- B a b )d e
--R
                    16796
--R
           8398
--R
                10 25 9 8 3 1 10 9 2
--R
         (----- A b ------ B a b )d e ----- B b d e
--R
                 46189
--R
           92378
                                  16796
--R
--R
        2
--R
        x
--R
--R
          1 9 1 10 11 9 8 2 1 9 10
        A a b - 2 +
--R
         (--Aab---Ba)e + (---Aab ---Bab)de
                  20 38 19
--R
--R
```

```
2 73 3 8229 14 64 8 7338
--R
--R
         (---Aab ----Bab)de + (----Aab -----Bab)de
--R
           19 76
                               323
--R
           21 5 5 35 6 4 4 7 7 4 6 21 5 5 5 6
--R
--R
         (----- A a b ----- B a b )d e + (----- A a b ----- B a b )d e
--R
          1292 2584
                                  1292
--R
           1 37 7 4665
                                  3 28 4 3774
--R
         (- --- A a b - ---- B a b ) d e + (- ---- A a b - ---- B a b ) d e
--R
--R
                                           4199
                   2584
                                  8398
          646
--R
                 9 9
                          2883
--R
         (- ---- A a b - ---- B a b )d e
--R
--R
          16796
                 33592
--R
--R
            1 10 5 9 9 2 1 10 10
--R
         (----- A b ---- B a b )d e ---- B b d e
--R
           184756 92378
                                 167960
--R
--R
--R
--R
       1 10 11 1 9 1 10 10
      --- A a e + (--- A a b ---- B a )d e
--R
--R
                 42
                          420
--R
--R
        3 82 1 9 29 2 73 1 8238
      (---- A a b ---- B a b)d e + (---- A a b ---- B a b )d e
--R
--R
        266
                399
                              399
--R
--R
            64 8 7347 1 55 5 6456
--R
      (---- A a b ----- B a b )d e + (----- A a b ----- B a b )d e
--R
             6783
                               1292
--R
         1 46 1 5565 1 37 1 4674
--R
--R
      (- ---- A a b - ---- B a b ) d e + (- ----- A a b - ---- B a b ) d e
                                          7752
--R
        3876
                 3230
                                13566
--R
             28 4 3783
--R
--R
      (- ---- A a b - ---- B a b )d e
                 88179
--R
        58786
--R
        1 9 3 28 9 2
--R.
      (- ----- A a b - ----- B a b )d e
--R
               235144
--R
        352716
--R
         1 10 5 9 10 1 10 11
--R
--R
       (------ A b ------ B a b )d e ----- B b d
        3879876 1939938 3527160
--R
--R /
```

```
33 21 32 20 2 31 19 3 30 18 4 29 17
--R
         e \ x + 21d \ e \ x + 210d \ e \ x + 1330d \ e \ x + 5985d \ e \ x
--R
--R
--R
               5 28 16 6 27 15
                                                7 26 14
         20349d e x + 54264d e x + 116280d e x + 203490d e x
--R
--R
                                10 23 11 11 22 10 12 21 9
--R
--R
         293930d e x + 352716d e x + 352716d e x + 293930d e x
--R
--R
                13 20 8
                                14 19 7
                                                15 18 6
                                                                16 17 5
--R
         203490d e x + 116280d e x + 54264d e x + 20349d e x
--R
                            18 15 3 19 14 2
                                                       20 13
--R
              17 16 4
                                                                 21 12
--R
         5985d e x + 1330d e x + 210d e x + 21d e x + d e
                                  Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--R
--E 472
--S 475 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                  Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 475
)clear all
--S 476 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^5/(a+b*x)
--R
--R
--R (1)
--R
                     5
                                4 5
--R
        B e x + (A e + 5B d e)x + (5A d e + 10B d e)x
--R
                     3 2 3
                                      3 2 4 2 4
--R
--R
       (10A d e + 10B d e )x + (10A d e + 5B d e)x + (5A d e + B d )x + A d
--R /
--R
       b x + a
--R
                                             Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 476
--S 477 of 1293
\texttt{r0} := (\texttt{A}*b - \texttt{a}*B) * \texttt{e}* (\texttt{b}*d - \texttt{a}*e) ^4 * \texttt{x} / \texttt{b}^6 + 1/2 * (\texttt{A}*b - \texttt{a}*B) * (\texttt{b}*d - \texttt{a}*e) ^3 * (\texttt{d}+\texttt{e}*\texttt{x}) ^2 / \texttt{b}^5 + \_
     1/3*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^3/b^4+_
     1/4*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*(d+e*x)^4/b^3+1/5*(A*b-a*B)*(d+e*x)^5/b^2+_
     1/6*B*(d+e*x)^6/(b*e)+(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^5*log(a+b*x)/b^7
--R
--R
--R (2)
```

```
5 6 6 4 2 5 5
--R
           (-60A \ a \ b + 60B \ a \ ) e + (300A \ a \ b - 300B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                                       2 4 3 3 3 3
--R
                 3 3 4 2 2 4
--R
          (-600A \ a \ b + 600B \ a \ b ) d \ e + (600A \ a \ b - 600B \ a \ b ) d \ e
--R
                 5 2442 6
--R
--R
          (-300A \ a \ b + 300B \ a \ b ) d \ e + (60A \ b - 60B \ a \ b ) d \ e
--R
         log(b x + a)
--R
--R
                              5 6
--R
                                       6 5 5
          6 6 6
                     6
       10B b e x + ((12A b - 12B a b )e + 60B b d e )x
--R
--R
--R
               5 246 6
                                      5 5
       ((- 15A a b + 15B a b )e + (75A b - 75B a b )d e + 150B b d e )x
--R
--R
--R
              24 336
                                 5 24 5
          (20A a b - 20B a b )e + (- 100A a b + 100B a b )d e
--R
--R
                                   6 3 3
--R
               6 5 2 4
         (200A b - 200B a b )d e + 200B b d e
--R
--R
--R
         3
--R
         x
--R
                3 3 4 2 6 2 4 3 3 5
--R
--R
         (- 30A a b + 30B a b )e + (150A a b - 150B a b )d e
--R
                5 2 4 2 4 6 5 3 3 6 4 2
--R
--R
         (-300A a b + 300B a b )d e + (300A b - 300B a b )d e + 150B b d e
--R
--R
         2
--R
         x
--R
              4 2 5 6 3 3 4 2 5
--R
--R
          (60A a b - 60B a b)e + (- 300A a b + 300B a b )d e
--R
                     3 3 2 4
               2 4
--R
                                         5 24 3 3
--R
          (600A a b - 600B a b )d e + (- 600A a b + 600B a b )d e
--R
--R
               6
                        5 4 2
                                   6 5
--R.
          (300A b - 300B a b )d e + 60B b d e
--R
--R
--R
            3 3 4 2 2 4 2 4 3 3 3 3
--R
--R
       (-30A \ a \ b + 30B \ a \ b ) d \ e + (110A \ a \ b - 110B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
               5 2442 6 55 66
```

```
--R
       (- 145A a b + 145B a b )d e + (77A b - 77B a b )d e + 10B b d
--R /
--R
      60b e
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 477
--S 480 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 480
)clear all
--S 481 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^4/(a+b*x)
--R
--R
--R (1)
--R
          45 4 34 3 223
--R
       B e x + (A e + 4B d e)x + (4A d e + 6B d e)x
--R
--R
          2 2 3 2 3 4 4
--R
        (6A d e + 4B d e)x + (4A d e + B d)x + A d
--R /
--R
     b x + a
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 481
--S 482 of 1293
r0 := (A*b-a*B)*e*(b*d-a*e)^3*x/b^5+1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^2/b^4+_
    1/3*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*(d+e*x)^3/b^3+1/4*(A*b-a*B)*(d+e*x)^4/b^2+_
    1/5*B*(d+e*x)^5/(b*e)+(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^4*log(a+b*x)/b^6
--R.
--R
--R
     (2)
                4 5 5
--R
                                      3 2 4 4
            (60A \ a \ b - 60B \ a \ )e + (-240A \ a \ b + 240B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R.
                  2 3 3 2 2 3
                                              4 2332
            (360A a b - 360B a b )d e + (- 240A a b + 240B a b )d e
--R.
--R
--R
                      4 4
           (60A b - 60B a b )d e
--R
--R
--R
          log(b x + a)
--R
```

```
5 5 5 5 4 5 5 4 4
--R
--R
       12B b e x + ((15A b - 15B a b )e + 60B b d e )x
--R
                             5
--R
                   2 3 5
                                       4 4
--R
       ((- 20A a b + 20B a b )e + (80A b - 80B a b )d e + 120B b d e )x
--R
              23 325 4 234
--R
         (30A a b - 30B a b )e + (- 120A a b + 120B a b )d e
--R
--R
                      4 2 3 5 3 2
--R
--R
         (180A b - 180B a b )d e + 120B b d e
--R
--R
--R
        X
--R
--R
               3 2 4 5 2 3 3 2 4
--R
         (- 60A a b + 60B a b)e + (240A a b - 240B a b )d e
--R
--R
                                 5 4 3 2 5 4
               4 2323
        (- 360A a b + 360B a b )d e + (240A b - 240B a b )d e + 60B b d e
--R
--R
--R
        X
--R
--R
          23 3223 4 2332
--R
     (30A a b - 30B a b )d e + (- 80A a b + 80B a b )d e
--R
          5 4 4 5 5
--R
--R
      (65A b - 65B a b )d e + 12B b d
--R /
--R
       6
--R
     60b e
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 482
--S 485 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                        Type: Expression(Integer)
--E 485
)clear all
--S 486 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^3/(a+b*x)
--R
--R
--R (1)
--R 3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
```

```
--R B e x + (A e + 3B d e )x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d )x + A d
--R
--R
                                    bx + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 486
--S 487 of 1293
r0:=(A*b-a*B)*e*(b*d-a*e)^2*x/b^4+1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*(d+e*x)^2/b^3+_
    1/3*(A*b-a*B)*(d+e*x)^3/b^2+1/4*B*(d+e*x)^4/(b*e)+_
    (A*b-a*B)*(b*d-a*e)^3*log(a+b*x)/b^5
--R
--R
     (2)
--R
                           4 4 2 2
--R
--R
           (-12A \ a \ b + 12B \ a \ ) e + (36A \ a \ b - 36B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                    3 2222
--R
            (- 36A a b + 36B a b )d e + (12A b - 12B a b )d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
           4 4 4 4 3 4 4 3 3
--R
        3B b e x + ((4A b - 4B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
                3 224
        ((-6A a b + 6B a b )e + (18A b - 18B a b )d e + 18B b d e )x
--R
--R
                 2 2 3 4 3 2 2 3
--R
--R
            (12A \ a \ b \ - \ 12B \ a \ b) \ e \ + \ (- \ 36A \ a \ b \ + \ 36B \ a \ b \ ) \ d \ e
--R
                          3 2 2 4 3
--R
--R
           (36A b - 36B a b )d e + 12B b d e
--R
--R
--R
               3 2222 4 33 44
--R
--R
        (- 6A a b + 6B a b )d e + (10A b - 10B a b )d e + 3B b d
--R /
--R
         5
--R
       12b e
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 487
--S 490 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 490
```

```
)clear all
--S 491 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^2/(a+b*x)
--R
--R
          2 3 2 2
--R
       B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d
--R
--R
--R
                            bx + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 491
--S 492 of 1293
r0:=(A*b-a*B)*e*(b*d-a*e)*x/b^3+1/2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^2/b^2+_
    1/3*B*(d+e*x)^3/(b*e)+(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^2*log(a+b*x)/b^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                2 3 3
--R
             (6A a b - 6B a )e + (- 12A a b + 12B a b)d e
--R
--R
                 3 2 2
             (6A b - 6B a b)d e
--R
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
           3 3 3
                   3 23 322
--R
       2B b e x + ((3A b - 3B a b )e + 6B b d e )x
--R
                2 2 3 3 2 2 3 2
--R
--R
       ((-6A a b + 6B a b)e + (12A b - 12B a b)d e + 6B b d e)x
--R
           3
                   2 2 3 3
--R
        (3A b - 3B a b) d e + 2B b d
--R
--R /
--R
--R
       6b e
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 492
--S 495 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 495
```

```
)clear all
--S 496 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)/(a+b*x)
--R
--R
--R
      B e x + (A e + B d)x + A d
--R
--R (1) -----
--R
                  b x + a
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--Е 496
--S 497 of 1293
 \texttt{r0:=B*(b*d-a*e)*x/b^2+1/2*e*(A+B*x)^2/(b*B)+(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*log(a+b*x)/b^3} \\
--R
--R
--R
    (2)
--R
                                    2 2
                        2 2
                                                                2 2 2
        ((-2A B a b + 2B a ) e + (2A B b - 2B a b)d)log(b x + a) + B b e x
--R
--R
--R
               2 2 2 2 2 2
--R
         ((2A B b - 2B a b)e + 2B b d)x + A b e
--R /
--R
--R
       2B b
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 497
--S 500 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 500
)clear all
--S 501 of 1293
t0:=(A+B*x)/(a+b*x)
--R
--R
--R
        B x + A
--R (1) -----
--R
         b x + a
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 501
--S 502 of 1293
```

```
r0:=B*x/b+(A*b-a*B)*log(a+b*x)/b^2
--R
--R
--R
        (A b - B a)log(b x + a) + B b x
--R (2) -----
--R
                      2
--R
                      b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 502
--S 505 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 505
)clear all
--S 506 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x))
--R
--R
--R
                 B x + A
--R
    (1) -----
--R
--R
        b e x + (a e + b d)x + a d
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 506
--S 507 of 1293
r0:=(A*b-a*B)*log(a+b*x)/(b*(b*d-a*e))+(B*d-A*e)*log(d+e*x)/(e*(b*d-a*e))
--R
--R
        (A b e - B b d)\log(e x + d) + (- A b + B a)e \log(b x + a)
    (2) -----
--R
                              2 2
--R
                            abe - bde
--R
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 507
--S 510 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 510
```

```
)clear all
--S 511 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^2)
--R
--R
--R
                              B x + A
--R
          2 3 2 2 2
--R
        b e x + (a e + 2b d e)x + (2a d e + b d )x + a d
--R
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 511
--S 512 of 1293
r0:=(-B*d+A*e)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x))+(A*b-a*B)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^2-_
    (A*b-a*B)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^2
--R.
--R
--R
     (2)
--R
--R
        ((- A b + B a)e x + (- A b + B a)d e)log(e x + d)
--R
--R
--R
        ((A b - B a)e x + (A b - B a)d e)log(b x + a) - A a e + (A b + B a)d e
--R
--R
         - B b d
--R
--R /
--R
         2 4
               3 2 2 2 2 3 2 2 3
--R
       (a e - 2a b d e + b d e )x + a d e - 2a b d e + b d e
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 512
--S 515 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
    (3) 0
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 515
)clear all
--S 516 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^3)
--R
--R
--R
    (1)
--R
                                    B x + A
--R
```

```
--R 3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R b e x + (a e + 3b d e )x + (3a d e + 3b d e)x + (3a d e + b d )x + a d
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 516
--S 517 of 1293
r0:=1/2*(-B*d+A*e)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^2)+(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x))+_
    b*(A*b-a*B)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^3-b*(A*b-a*B)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^3
--R
--R
     (2)
                        3 2 2
--R
                                                2
          ((2A b - 2B a b)e x + (4A b - 4B a b)d e x + (2A b - 2B a b)d e)
--R
--R
--R
          log(e x + d)
--R
--R.
                            3 2
                                      2
            (-2A b + 2B a b) e x + (-4A b + 4B a b) d e x
--R
--R
--R
                            2
--R
            (-2Ab+2Bab)de
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
--R
        ((2A \ a \ b - 2B \ a \ )e + (-2A \ b + 2B \ a \ b)d \ e )x - A \ a \ e
--R
--R
                    2 2 2 2 3
--R
         (4A a b - B a) d e - 3A b d e + B b d
--R /
--R
                 2
                      5
                            2 2 4 3 3 3 2
--R
         (2a e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d e)x
--R
           3 5 2 2 4 2 3 3 3 4 2 3 2 4 2 3 3
--R
--R
        (4a d e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d e )x + 2a d e - 6a b d e
--R
--R
           2 4 2 3 5
--R
        6a b d e - 2b d e
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 517
--S 520 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 520
)clear all
```

```
--S 521 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^4)
--R
--R
--R
    (1)
--R
      B x + A
--R /
                  4 3 4 3
--R
                                               223
        b e x + (a e + 4b d e )x + (4a d e + 6b d e )x
--R
--R
            2 2 3 2
--R
                                3
         (6a d e + 4b d e)x + (4a d e + b d)x + a d
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 521
--S 522 of 1293
r0:=1/3*(-B*d+A*e)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^3)+_
    1/2*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^2)+_
    b*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x))+_
    b^2*(A*b-a*B)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^4-b^2*(A*b-a*B)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                  3 2 4 3
            (-6Ab+6Bab)ex+(-18Ab+18Bab)dex
--R
--R
--R
                             2 2 2
                                    3
--R
            (-18A b + 18B a b) d e x + (-6A b + 6B a b) d e
--R
--R
          log(e x + d)
--R
--R
                        2 4 3
                                     3
--R
            (6A b - 6B a b ) e x + (18A b - 18B a b ) d e x
--R
                          2 2 2
--R
                                      3
--R
            (18A b - 18B a b) d e x + (6A b - 6B a b) d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
                                   3
         ((- 6A a b + 6B a b)e + (6A b - 6B a b )d e )x
--R
--R
--R
                       3 4
            (3A \ a \ b - 3B \ a \ )e + (-18A \ a \ b + 18B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                 3 2 2 2
--R
            (15A b - 15B a b)d e
--R
--R
          X
```

```
--R
          3 4 2 3 3
                                   2 2 2 2
--R
--R
        - 2A a e + (9A a b - B a )d e + (- 18A a b + 6B a b)d e
--R
           3 2 3 3 4
--R
--R
        (11A b - 3B a b )d e - 2B b d
--R /
                3 7 2226
--R
                                       3 3 5 4 4 4 3
       (6a e - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d e )x
--R
--R
--R
          4 7 3 2 6 2 2 3 5 3 4 4 4 5 3 2
--R
       (18a d e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18b d e )x
--R
                  3 35
--R
          4 2 6
                             2 2 4 4
                                          3 5 3
                                                   4 6 2
--R
       (18a d e - 72a b d e + 108a b d e - 72a b d e + 18b d e )x + 6a d e
--R
--R
          3 4 4 2 2 5 3 3 6 2
--R
        - 24a b d e + 36a b d e - 24a b d e + 6b d e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 522
--S 525 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 525
)clear all
--S 526 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^5)
--R
--R
--R (1)
--R
     B x + A
--R /
                 5
                         4 5
--R
         5 6
--R
      b e x + (a e + 5b d e )x + (5a d e + 10b d e )x
--R
--R
          2 3 3 2 3
                               3 2 4 2 4 5
--R
      (10a d e + 10b d e)x + (10a d e + 5b d e)x + (5a d e + b d)x + a d
--R
                                    Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 526
--S 527 of 1293
r0:=1/4*(-B*d+A*e)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^4)+_
    1/3*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^3)+_
    1/2*b*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^2)+_
```

```
b^2*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x))+_
    b^3*(A*b-a*B)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^5-b^3*(A*b-a*B)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^5
--R
--R
    (2)
--R
                4 3 5 4 4
--R
           (12A b - 12B a b ) e x + (48A b - 48B a b ) d e x
--R
--R
                        3 2 3 2 4 3 3 2
--R
           (72A b - 72B a b )d e x + (48A b - 48B a b )d e x
--R
--R
                        3 4
--R
           (12A b - 12B a b )d e
--R
--R
--R
          log(e x + d)
--R
--R
                          3 5 4
                                     4
--R
           (- 12A b + 12B a b ) e x + (- 48A b + 48B a b ) d e x
--R
--R
                  4 3 2 3 2
--R
           (-72A b + 72B a b) d e x + (-48A b + 48B a b) d e x
--R
--R
                          3 4
--R
            (-12A b + 12B a b)d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
               3 225 4 3 43
--R
--R
        ((12A \ a \ b \ - \ 12B \ a \ b \ ) e \ + (- \ 12A \ b \ + \ 12B \ a \ b \ ) d \ e \ ) x
--R.
                 2 2 3 5
--R
                                       3
                                             2 2 4
--R
           (-6A a b +6B a b)e + (48A a b -48B a b )d e
--R
                 4 3 2 3
--R
--R
           (-42A b + 42B a b)d e
--R
--R
          2
--R
          X
--R
                    4 5
--R
                                   2 2
           (4A \ a \ b - 4B \ a \ )e + (-24A \ a \ b + 24B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R.
                 3 2223
                                     4 3 3 2
            (72A a b - 72B a b )d e + (- 52A b + 52B a b )d e
--R
--R
--R
--R
--R
                                            2 2 3 2 3
        - 3A a e + (16A a b - B a )d e + (- 36A a b + 6B a b)d e
--R
--R
```

```
3 2232 4 34 45
--R
--R
       (48A a b - 18B a b )d e + (- 25A b + 10B a b )d e + 3B b d
--R /
--R
            5 10 4 9 3 2 2 8
                                        2 3 3 7 4 4 6
--R
          12a e - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e
--R
--R
             5 5 5
--R
         - 12b d e
--R
--R
         4
--R
         x
--R
           5 9 4 2 8 3 2 3 7 2 3 4 6 4 5 5
--R
--R
          48a d e - 240a b d e + 480a b d e - 480a b d e + 240a b d e
--R
--R
           5 6 4
--R
         - 48b d e
--R
--R
         3
--R
         X
--R
--R
           5 2 8 4 3 7 3 2 4 6 2 3 5 5 4 6 4
--R
         72a d e - 360a b d e + 720a b d e - 720a b d e + 360a b d e
--R
--R
             5 7 3
--R
         - 72b d e
--R
--R
         2
--R
         x
--R
           5 3 7 4 4 6 3 2 5 5 2 3 6 4 4 7 3
--R
--R
          48a d e - 240a b d e + 480a b d e - 480a b d e + 240a b d e
--R
--R
             582
--R
         - 48b d e
--R
--R
         x
--R
         5 4 6 4 5 5 3 2 6 4 2 3 7 3 4 8 2 5 9
--R
--R
       12a d e - 60a b d e + 120a b d e - 120a b d e + 60a b d e - 12b d e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 527
--S 530 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 530
```

```
)clear all
--S 531 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^5/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
     (1)
                    5 4 5 4
--R
            5 6
                                                    234
        B e x + (A e + 5B d e)x + (5A d e + 10B d e)x
--R
--R
                     3 2 3
--R
             2 3
                                     3 2
                                              4 2
       (10A d e + 10B d e )x + (10A d e + 5B d e)x + (5A d e + B d )x + A d
--R
--R /
--R
        2 2
       b x + 2a b x + a
--R
--R.
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 531
--S 532 of 1293
r0:=5*e*(b*d-a*e)^3*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*x/b^6-_
    (A*b-a*B)*(b*d-a*e)^5/(b^7*(a+b*x))+_
    5*e^2*(b*d-a*e)^2*(b*B*d+A*b*e-2*a*B*e)*(a+b*x)^2/b^7+_
    5/3*e^3*(b*d-a*e)*(2*b*B*d+A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^3/b^7+_
    1/4*e^4*(5*b*B*d+A*b*e-6*a*B*e)*(a+b*x)^4/b^7+_
    1/5*B*e^5*(a+b*x)^5/b^7+(b*d-a*e)^4*(b*B*d+5*A*b*e-6*a*B*e)*log(a+b*x)/b^7
--R
--R
--R
     (2)
                                                   3 3 4 2 4
--R
                        4 2 5 5
--R
                 (300A \ a \ b - 360B \ a \ b)e + (-1200A \ a \ b + 1500B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                    3 3 2 3
--R
                 (1800A a b - 2400B a b )d e + (- 1200A a b + 1800B a b )d e
--R
--R
                                  5 4
--R
                 (300A b - 600B a b) d e + 60B b d
--R
--R
--R
--R
                             6 5
                                               4 2
             (300A \ a \ b - 360B \ a \ ) e + (-1200A \ a \ b + 1500B \ a \ b) d \ e
--R
--R.
--R.
                     3 3
                            4 2 2 3
                                                     2 4
             (1800A \ a \ b \ - 2400B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 1200A \ a \ b \ + 1800B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                               2 4 4 5 5
--R
             (300A \ a \ b - 600B \ a \ b ) d \ e + 60B \ a \ b \ d
--R
--R
           log(b x + a)
```

```
--R
         6 5 6 6 5 5 6 4 5
--R
--R
       12B b e x + ((15A b - 18B a b )e + 75B b d e )x
--R
               5 245 6 54 6234
--R
       ((- 25A a b + 30B a b )e + (100A b - 125B a b )d e + 200B b d e )x
--R
--R
              24 335
--R
          (50A a b - 60B a b )e + (- 200A a b + 250B a b )d e
--R
--R
               6 5 2 3 6 3 2
--R
          (300A b - 400B a b )d e + 300B b d e
--R
--R
--R
--R
         X
--R
--R
                3 3 4 2 5 2 4 3 3 4
--R
          (- 150A a b + 180B a b )e + (600A a b - 750B a b )d e
--R
                5 2423 6 532 64
--R
--R
         (-900A \ a \ b + 1200B \ a \ b ) d \ e + (600A \ b - 900B \ a \ b ) d \ e + 300B \ b \ d \ e
--R
--R
          2
--R
         x
--R
               4 2 5 5 3 3 4 2 4
--R
          (- 25A a b - 78B a b)e + (400A a b - 125B a b )d e
--R
--R
--R
                 2 4 3 3 2 3
--R
          (-900A a b + 800B a b )d e + (600A a b - 900B a b )d e
--R
--R
               5 4
--R
          300B a b d e
--R
--R
--R
--R
                    6 5 4 2
       (275A a b - 438B a )e + (- 800A a b + 1375B a b)d e
--R
--R
--R
                  4 2 2 3
                                     2 4 3 3 3 2
        (900A a b - 1600B a b )d e + (- 600A a b + 900B a b )d e
--R
--R
--R.
             5 244 6 55
       (300A \ a \ b - 300B \ a \ b ) d \ e + (-60A \ b + 60B \ a \ b ) d
--R
--R /
--R
        8
--R
      60b x + 60a b
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 532
```

```
--S 535 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 535
)clear all
--S 536 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^4/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
     (1)
--R
           4 5
                  4
                            3 4
                                         3 223
--R
        B e x + (A e + 4B d e)x + (4A d e + 6B d e)x
--R
                              3
--R
            2 2 3 2
                                        4
        (6A d e + 4B d e)x + (4A d e + B d)x + A d
--R
--R /
       2 2 2
--R
--R
      b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 536
--S 537 of 1293
r0:=2*e*(b*d-a*e)^2*(2*b*B*d+3*A*b*e-5*a*B*e)*x/b^5-_
    (A*b-a*B)*(b*d-a*e)^4/(b^6*(a+b*x))+_
    e^2*(b*d-a*e)*(3*b*B*d+2*A*b*e-5*a*B*e)*(a+b*x)^2/b^6+_
    1/3*e^3*(4*b*B*d+A*b*e-5*a*B*e)*(a+b*x)^3/b^6+_
    1/4*B*e^4*(a+b*x)^4/b^6+(b*d-a*e)^3*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)*log(a+b*x)/b^6
--R
--R
--R
     (2)
                       3 2
--R
                               4 4
                                             2 3
                                                        3 2 3
--R
               (-48A a b + 60B a b)e + (144A a b - 192B a b )d e
--R
                               2 3 2 2 5
--R
                                                         4 3
--R
              (-144A \ a \ b + 216B \ a \ b ) d \ e + (48A \ b - 96B \ a \ b ) d \ e + 12B \ b \ d
--R
--R
--R.
--R
                         5 4
                                       3 2
--R
            (-48A \ a \ b + 60B \ a \ ) e + (144A \ a \ b - 192B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                  2 3 3 2 2 2
                                        4 233
--R
           (-144A a b + 216B a b )d e + (48A a b - 96B a b )d e + 12B a b d
--R
--R
          log(b x + a)
```

```
--R
       5 4 5 5 4 4 5 3 4
--R
--R
       3B \ b \ e \ x + ((4A \ b - 5B \ a \ b ) e + 16B \ b \ d \ e ) x
--R
              4 234 5 43 5223
--R
--R
       ((-8A a b + 10B a b )e + (24A b - 32B a b )d e + 36B b d e )x
--R
              2 3 3 2 4
--R
--R
          (24A a b - 30B a b )e + (- 72A a b + 96B a b )d e
--R
--R
              5 4 2 2
--R
          (72A b - 108B a b )d e + 48B b d e
--R
--R
--R
         x
--R
              3 2 4 4 2 3 3 2 3
--R
          (16A a b - 5B a b)e + (- 72A a b + 64B a b )d e
--R
--R
                4 2322 43
--R
--R
           (72A a b - 108B a b )d e + 48B a b d e
--R
--R
--R
--R
             4 5 4 3 2
--R
       (-32A \ a \ b + 55B \ a \ )e + (72A \ a \ b - 128B \ a \ b)d \ e
--R
             2 3 3 2 2 2 4 2 3 3
--R
--R
       (-72A a b + 108B a b )d e + (48A a b - 48B a b )d e
--R
             5 4 4
--R
--R
       (-12A b + 12B a b)d
--R /
       7 6
--R
--R
      12b x + 12a b
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 537
--S 540 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R.
                                            Type: Expression(Integer)
--E 540
)clear all
--S 541 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^3/(a+b*x)^2
```

```
--R
--R
--R
    (1)
    3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R
--R
     B e x + (A e + 3B d e) x + (3A d e + 3B d e) x + (3A d e + B d) x + A d
--R.
--R
--R
                               b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 541
--S 542 of 1293
r0:=3*e*(b*d-a*e)*(b*B*d+A*b*e-2*a*B*e)*x/b^4-_
    (A*b-a*B)*(b*d-a*e)^3/(b^5*(a+b*x))+_
    1/2*e^2*(3*b*B*d+A*b*e-4*a*B*e)*(a+b*x)^2/b^5+_
    1/3*B*e^3*(a+b*x)^3/b^5+(b*d-a*e)^2*(b*B*d+3*A*b*e-4*a*B*e)*log(a+b*x)/b^5
--R
--R
--R
    (2)
--R
                           3 3
--R
                (18A \ a \ b - 24B \ a \ b)e + (-36A \ a \ b + 54B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                   4 3 2 4 3
--R
                (18A b - 36B a b) d e + 6B b d
--R
--R
--R
--R
                    4 3 2 2 3
--R
            (18A \ a \ b - 24B \ a \ )e + (-36A \ a \ b + 54B \ a \ b)d \ e
--R
                        2 2 2 3 3
--R
                  3
--R
            (18A \ a \ b \ - \ 36B \ a \ b \ ) d \ e \ + \ 6B \ a \ b \ d
--R
--R
          log(b x + a)
--R
           434 4 33 423
--R
--R
        2B b e x + ((3A b - 4B a b)e + 9B b d e)x
--R
--R
                3 223
                                     4
                                               3 2
--R
        ((- 9A a b + 12B a b )e + (18A b - 27B a b )d e + 18B b d e)x
--R
                                      3
--R
               2 2 3 3
                                             2 2 2
--R.
        ((- 9A a b + 8B a b)e + (18A a b - 27B a b)d e + 18B a b d e)x
--R
--R
                 4 3
                                  2 2
         (9A \ a \ b - 16B \ a \ )e + (-18A \ a \ b + 27B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                     222
         (18A \ a \ b \ - \ 18B \ a \ b \ ) d \ e \ + \ (- \ 6A \ b \ + \ 6B \ a \ b \ ) d
--R
--R /
```

```
6 5
--R
--R
      6b x + 6a b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 542
--S 545 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
    (3) 0
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 545
)clear all
--S 546 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^2/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
           2 3 2
                         2
--R
         B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d
--R
    (1) -----
                        2 2
--R
                                       2
                        b x + 2a b x + a
--R
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 546
--S 547 of 1293
r0:=e*(2*b*B*d+A*b*e-2*a*B*e)*x/b^3+1/2*B*e^2*x^2/b^2-_
    (A*b-a*B)*(b*d-a*e)^2/(b^4*(a+b*x))+(b*d-a*e)*_
    (b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*log(a+b*x)/b^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                     2
                            2 2
                                      3
           ((-4A a b +6B a b)e + (4A b -8B a b)d e + 2B b d)x
--R
--R
--R
                        3 2
                                     2
                                            2
           (-4A a b + 6B a )e + (4A a b - 8B a b)d e + 2B a b d
--R
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R.
           3 2 3 3
                               2 2
        B b e x + ((2A b - 3B a b)e + 4B b d e)x
--R
--R
--R
                    2 2
                                  2
        ((2A \ a \ b \ - 4B \ a \ b)e \ + 4B \ a \ b \ d \ e)x + (- 2A \ a \ b + 2B \ a \ )e
--R
--R
             2 2 3 2 2
--R
        (4A \ a \ b \ - \ 4B \ a \ b)d \ e \ + \ (- \ 2A \ b \ + \ 2B \ a \ b \ )d
--R
```

```
--R /
       5 4
--R
--R
       2b x + 2a b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 547
--S 550 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 550
)clear all
--S 551 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
--R
        B e x + (A e + B d)x + A d
     (1) -----
--R
--R
             2 2
--R
             b x + 2a b x + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 551
--S 552 of 1293
r0:=B*e*x/b^2-(A*b-a*B)*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x))+_
    (b*B*d+A*b*e-2*a*B*e)*log(a+b*x)/b^3
--R
--R
--R
     (2)
--R
                             2
--R
        (((A b - 2B a b)e + B b d)x + (A a b - 2B a )e + B a b d)log(b x + a)
--R
--R
        Bbex + Babex + (Aab - Ba)e + (-Ab + Bab)d
--R
--R /
--R
       4
--R
       b x + a b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 552
--S 555 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
```

```
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 555
)clear all
--S 556 of 1293
t0:=(A+B*x)/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
            B \times A
--R (1) -----
         2 2 2
--R
       b x + 2a b x + a
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 556
--S 557 of 1293
r0:=(-A*b+a*B)/(b^2*(a+b*x))+B*log(a+b*x)/b^2
--R
--R
--R
       (B b x + B a)log(b x + a) - A b + B a
--R (2) -----
--R
                   3 2
--R
                    bx + ab
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 557
--S 560 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 560
)clear all
--S 561 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x))
--R
--R
--R
                        B \times A
--R (1) -----
--R
        2 3 2 2 2
       b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d
--R
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 561
--S 562 of 1293
r0:=(-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x))+(B*d-A*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^2-_
```

```
(B*d-A*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^2
--R
--R
--R
      (2)
--R
--R
          ((A b e - B b d)x + A a b e - B a b d)log(e x + d)
--R
--R
--R
         ((- A b e + B b d)x - A a b e + B a b d)log(b x + a) + (A a b - B a)e
--R
--R
          (-Ab+Bab)d
--R
--R
                                    3 2 2 2
--R
         2 2 2
                            4 2
--R
        (a b e - 2a b d e + b d ) x + a b e - 2a b d e + a b d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 562
--S 565 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 565
)clear all
--S 566 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
       B x + A
--R /
                   2 2 3 22
--R
--R
         b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d)x
--R
--R
                        2
--R
          (2a d e + 2a b d)x + a d
--R
                                           Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 566
--S 567 of 1293
r0:=(-A*b+a*B)/((b*d-a*e)^2*(a+b*x))+(B*d-A*e)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x))+_{=}
     (b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^3-_
     (b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^3
--R
--R
--R
     (2)
```

```
--R
                 2 2 2 2
--R
           ((-2A b + B a b)e + B b d e)x
--R
--R
                         2 2
--R
           ((-2A \ a \ b + B \ a \ )e + (-2A \ b + 2B \ a \ b)d \ e + B \ b \ d \ )x
--R
--R
                       2
           (- 2A a b + B a )d e + B a b d
--R
--R
--R
          log(e x + d)
--R
                        2
                              2 2
--R
           ((2A b - B a b)e - B b d e)x
--R
--R
--R
                      2 2
--R
           ((2A \ a \ b - B \ a \ )e + (2A \ b - 2B \ a \ b)d \ e - B \ b \ d \ )x
--R
--R
                     2 2
--R
           (2A a b - B a )d e - B a b d
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
                     ((- 2A a b + B a )e + 2A b d e - B b d )x - A a e + 2B a d e
--R
--R
--R
--R
        (A b - 2B a b)d
--R /
--R
         3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 2
--R
        (abe - 3abde + 3abde - bde)x
--R
         44 3 3 344 43 322 223
--R
--R
        (a e - 2a b d e + 2a b d e - b d )x + a d e - 3a b d e + 3a b d e
--R
--R
           3 4
--R
        - a b d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 567
--S 570 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 570
)clear all
--S 571 of 1293
```

```
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^3)
--R
--R
--R
    (1)
--R
     B x + A
--R /
                  3 2 2 4 2 3 2 2 2 3
--R
          2 3 5
--R
         b e x + (2a b e + 3b d e)x + (a e + 6a b d e + 3b d e)x
--R
                             232
--R
           2 2
                       2
                                         2 2
                                                     3
         (3a d e + 6a b d e + b d )x + (3a d e + 2a b d )x + a d
--R
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 571
--S 572 of 1293
r0:=-b*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^3*(a+b*x))+1/2*(B*d-A*e)/_
    ((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^2)+(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)/_
    ((b*d-a*e)^3*(d+e*x))+b*(b*B*d-3*A*b*e+2*a*B*e)*_
    log(a+b*x)/(b*d-a*e)^4-b*(b*B*d-3*A*b*e+2*a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                  3 2 3 3 2 3
            ((6A b - 4B a b )e - 2B b d e )x
--R
--R
                       2 3 3
--R
--R
             ((6A \ a \ b \ - \ 4B \ a \ b)e \ + (12A \ b \ - \ 10B \ a \ b \ )d \ e \ - \ 4B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                           2
                                         3
                                                    2 2
                                  2
--R.
             ((12A \ a \ b \ - 8B \ a \ b)d \ e \ + (6A \ b \ - 8B \ a \ b)d \ e \ - 2B \ b \ d)x
--R
                         2 2
--R
                   2
                                        2 3
--R
             (6A a b - 4B a b)d e - 2B a b d
--R
--R
           log(e x + d)
--R
--R
                            2 3 3 2 3
--R
            ((-6Ab + 4Bab)e + 2Bbde)x
--R
--R
                                           3
            ((-6A \ a \ b + 4B \ a \ b)e + (-12A \ b + 10B \ a \ b)d \ e + 4B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R.
                             2
                                   2 3
                                                      2 2
             ((- 12A a b + 8B a b)d e + (- 6A b + 8B a b)d e + 2B b d)x
--R.
--R
--R
                           2 2
                                          2 3
--R
             (-6A a b + 4B a b)d e + 2B a b d
--R
--R
           log(b x + a)
--R
```

```
--R
              2 2 3 3 2 2 3 2 2
--R
        ((6A a b - 4B a b)e + (- 6A b + 2B a b )d e + 2B b d e)x
--R
--R
                   3 3
                                       2
                                2
          (3A a b - 2B a )e + (6A a b - 5B a b)d e + (- 9A b + 4B a b )d e
--R
--R
--R
              3 3
--R
          3B b d
--R
--R
         X
--R
--R
                   2
                        3 2
          3 3
       - A a e + (6A a b - B a )d e + (- 3A a b - 4B a b)d e
--R
--R
--R
            3
                    2 3
--R
        (-2Ab+5Bab)d
--R /
--R.
         4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3 5 4 2 3
--R
        (2a b e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d e )x
--R
--R
               4 5 3224 2333
                                             442 552
--R
       (2a e - 4a b d e - 4a b d e + 16a b d e - 14a b d e + 4b d e)x
--R
--R
         5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 4 5
--R
       (4a d e - 14a b d e + 16a b d e - 4a b d e - 4a b d e + 2b d )x
--R
--R
         5 2 4 4 3 3 3 2 4 2 2 3 5
--R
        2a d e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2a b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 572
--S 575 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 575
)clear all
--S 576 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^4)
--R
--R
--R
   (1)
--R
     B x + A
--R /
       246 4 2 3 5 2 4 3 2 2 2 4
--R
--R
       b e x + (2a b e + 4b d e )x + (a e + 8a b d e + 6b d e )x
```

```
--R
           2 3 2 2 3 3 2 2 2 3 2 4 2
--R
--R
         (4a d e + 12a b d e + 4b d e)x + (6a d e + 8a b d e + b d )x
--R
--R
                  4 24
            2 3
--R
         (4a d e + 2a b d)x + a d
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 576
--S 577 of 1293
r0:=-b^2*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^4*(a+b*x))+_
    1/3*(B*d-A*e)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^3)+_
    1/2*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^2)+_
    b*(b*B*d-3*A*b*e+2*a*B*e)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x))+_
    b^2*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^5-_
    b^2*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
             ((-24A b + 18B a b)e + 6B b d e)x
--R
--R
                           3
                              2 2 4
                  (-24A \ a \ b + 18B \ a \ b ) e + (-72A \ b + 60B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                       4 2 2
--R
--R
                  18B b d e
--R
--R
               3
--R.
              х
--R
                           3 22 3 4 3 22
--R
--R
                  (-72A \ a \ b + 54B \ a \ b ) d \ e + (-72A \ b + 72B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                      4 3
                  18B b d e
--R
--R
--R
               2
--R
--R
                                                       3 3 4 4
--R
                               2 2 2 2
--R
             ((-72A \ a \ b + 54B \ a \ b ) d \ e + (-24A \ b + 36B \ a \ b ) d \ e + 6B \ b \ d ) x
--R.
--R.
                     3
                              2 2 3
--R
             (- 24A a b + 18B a b )d e + 6B a b d
--R
--R
           log(e x + d)
--R
                   4 3 4 4 3 4
--R
             ((24A b - 18B a b)e - 6B b d e)x
--R
```

```
--R
                3 2 2 4 4 3 3 4 2 2 3
--R
--R
          ((24A a b - 18B a b )e + (72A b - 60B a b )d e - 18B b d e )x
--R
                 3 22 3 4 322 432
--R
           ((72A \ a \ b \ - 54B \ a \ b \ )d \ e \ + (72A \ b \ - 72B \ a \ b \ )d \ e \ - 18B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                       2 2 2 2
                                              3 3
          ((72A a b - 54B a b )d e + (24A b - 36B a b )d e - 6B b d )x
--R
--R
--R
                      2 2 3
          (24A a b - 18B a b )d e - 6B a b d
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
                      2 2 4
                                          3 3 4 2 2 3
                                  4
--R
        ((- 24A a b + 18B a b )e + (24A b - 12B a b )d e - 6B b d e )x
--R
--R
                2 2 3 4
                                      3
          (- 12A a b + 9B a b)e + (- 48A a b + 39B a b )d e
--R
--R
              4 3 2 2 4 3
--R
--R
          (60A b - 33B a b )d e - 15B b d e
--R
--R
         2
--R
         x
--R
              3 4 4 2 2 3 3
--R
--R
          (4A a b - 3B a )e + (- 36A a b + 26B a b)d e
--R
                  3 2 2 2 2 4 3 3 4 4
--R
--R
           (- 12A a b + 18B a b )d e + (44A b - 30B a b )d e - 11B b d
--R
--R
--R
                  3 4 3 2 2 3 2 2
--R
--R
       - 2A a e + (12A a b - B a )d e + (- 36A a b + 9B a b)d e
--R
             3
                  2 2 3
--R
--R
        (20A \ a \ b + 9B \ a \ b ) d \ e + (6A \ b - 17B \ a \ b ) d
--R /
         5 8 4 2 7 3 3 2 6 2 4 3 5 5 4 4 6 5 3 4
--R
--R.
        (6a b e - 30a b d e + 60a b d e - 60a b d e + 30a b d e - 6b d e )x
--R
--R
           68 5 7 4226 3335 2444
          6a e - 12a b d e - 30a b d e + 120a b d e - 150a b d e
--R
--R
--R
             5 5 3 6 6 2
          84a b d e - 18b d e
--R
--R
```

```
--R
          3
--R
         X
--R
               6 7 5 2 6 4 2 3 5 2 4 5 3 5 6 2
--R
--R
            18a d e - 72a b d e + 90a b d e - 90a b d e + 72a b d e
--R
--R
                6 7
--R
            - 18b d e
--R
--R
          2
--R
         x
--R
             6 2 6 5 3 5 4 2 4 4 3 3 5 3 2 4 6 2
--R
--R
          18a d e - 84a b d e + 150a b d e - 120a b d e + 30a b d e
--R
--R
              5 7
                     6 8
--R
          12a b d e - 6b d
--R
--R
--R
--R
        6 3 5 5 4 4 4 2 5 3 3 3 6 2 2 4 7 5 8
--R
        6a d e - 30a b d e + 60a b d e - 60a b d e + 30a b d e - 6a b d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 577
--S 580 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 580
)clear all
--S 581 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^5)
--R
--R
--R
   (1)
--R
     B x + A
--R /
--R.
                5 2 4 6 2 5
--R
       b e x + (2a b e + 5b d e )x + (a e + 10a b d e + 10b d e )x
--R
--R
                     2 3
                              2 3 2 4
                                         2 2 3
                                                      3 2 2 4 3
--R
        (5a d e + 20a b d e + 10b d e )x + (10a d e + 20a b d e + 5b d e)x
--R
           2 3 2 4 2 5 2
--R
                                     2 4 5
--R
        (10a d e + 10a b d e + b d)x + (5a d e + 2a b d)x + a d
```

```
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 581
--S 582 of 1293
r0:=-b^3*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^5*(a+b*x))+_
    1/4*(B*d-A*e)/((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^4)+_
    1/3*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^3)+_
    1/2*b*(b*B*d-3*A*b*e+2*a*B*e)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^2)+_
    b^2*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)/((b*d-a*e)^5*(d+e*x))+_
    b^3*(b*B*d-5*A*b*e+4*a*B*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^6-_
    b^3*(b*B*d-5*A*b*e+4*a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^6
--R
--R
--R
     (2)
--R
                  5 4 5 5 4 5
--R
             ((60A b - 48B a b)e - 12B b d e)x
--R.
--R
                     4 235 5
                                                       4 4 5234
             ((60A \ a \ b \ - 48B \ a \ b \ )e \ + (240A \ b \ - 204B \ a \ b \ )d \ e \ - 48B \ b \ d \ e \ )x
--R
--R
--R
                        4 23 4 5
--R
                 (240A \ a \ b \ - 192B \ a \ b \ ) d \ e \ + (360A \ b \ - 336B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                       5 3 2
                - 72B b d e
--R
--R
--R
               3
--R
               х
--R
                          4 2323 5 432
--R
--R
                   (360A \ a \ b - 288B \ a \ b \ ) d \ e + (240A \ b - 264B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                        5 4
--R
                  - 48B b d e
--R
--R
               2
--R
               X
--R
                              2 3 3 2 5
--R
                                                         4 4 5 5
--R
             ((240A \ a \ b \ - 192B \ a \ b \ ) d \ e \ + \ (60A \ b \ - 96B \ a \ b \ ) d \ e \ - \ 12B \ b \ d \ ) x
--R
                         234
--R
             (60A a b - 48B a b )d e - 12B a b d
--R.
--R
--R
           log(e x + d)
--R
                    5 45 545
--R
--R
            ((-60A b + 48B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
                                235
                                               5
```

```
--R
             (-60A \ a \ b + 48B \ a \ b) \ e + (-240A \ b + 204B \ a \ b) \ d \ e
--R
--R
                5 2 3
--R
             48B b d e
--R
--R
             4
--R
           x
--R
                     4 23 4 5 4 23
--R
             (- 240A a b + 192B a b )d e + (- 360A b + 336B a b )d e
--R
--R
--R
                5 3 2
--R
             72B b d e
--R
--R
             3
--R
           X
--R
--R
                     4 2 3 2 3 5 4 3 2
             (- 360A a b + 288B a b )d e + (- 240A b + 264B a b )d e
--R
--R
--R
                5 4
--R
             48B b d e
--R
--R
             2
--R
            X
--R
                   4 2 3 3 2 5 4 4
--R
--R
              (-240A \ a \ b + 192B \ a \ b ) d \ e + (-60A \ b + 96B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                  5 5
               12B b d
--R
--R
--R
--R
                 4 234 45
--R
--R
          (-60A a b + 48B a b )d e + 12B a b d
--R
--R
         log(b x + a)
--R
--R
              4 235 5 4 4 5234
        ((60A \ a \ b - 48B \ a \ b) \ e + (-60A \ b + 36B \ a \ b) \ d \ e + 12B \ b \ d \ e) \ x
--R
--R
--R
              23 325 4 23 4
          (30A a b - 24B a b )e + (180A a b - 150B a b )d e
--R
--R
                5 4 2 3 5 3 2
--R
--R
          (- 210A b + 132B a b )d e + 42B b d e
--R
--R
         3
--R
        X
```

```
--R
               3 2 4 5 2 3 3 2 4
--R
--R
          (- 10A a b + 8B a b)e + (120A a b - 94B a b )d e
--R
               4 2323 5 432 54
--R
--R
         (150A \ a \ b \ - 144B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 260A \ b \ + 178B \ a \ b \ ) d \ e \ + 52B \ b \ d \ e
--R
--R
--R
        X
--R
--R
             4 5 5 3 2 4 4
          (5A a b - 4B a )e + (- 40A a b + 31B a b)d e
--R
--R
               2 3 3 2 2 3
--R
--R
          (180A a b - 136B a b )d e + (- 20A a b - 20B a b )d e
--R
--R
                         4 4
                                 5 5
--R
          (- 125A b + 104B a b )d e + 25B b d
--R
--R
        x
--R
--R
          5 5 4 5 4 3 2 4 2 3
--R
       -3A a e + (20A a b -B a )d e + (-60A a b + 8B a b)d e
--R
--R
           2 3 3 2 3 2
                                    4 234
--R
       (120A a b - 36B a b )d e + (- 65A a b - 8B a b )d e
--R
--R
            5 4 5
--R
       (-12A b + 37B a b)d
--R /
            6 10 5 2 9 4 3 2 8 3 4 3 7 2 5 4 6
--R
--R
          12a b e - 72a b d e + 180a b d e - 240a b d e + 180a b d e
--R
               6 5 5 7 6 4
--R
--R
         - 72a b d e + 12b d e
--R
--R
         5
--R
         x
--R
            7 10 6 9 5 2 2 8 4 3 3 7 3 4 4 6
--R
          12a e - 24a b d e - 108a b d e + 480a b d e - 780a b d e
--R
--R
--R
            2555 664 773
--R
          648a b d e - 276a b d e + 48b d e
--R
--R
         4
--R
         х
--R
           7 9 6 2 8 5 2 3 7 4 3 4 6 3 4 5 5
--R
--R
          48a d e - 216a b d e + 288a b d e + 120a b d e - 720a b d e
```

```
--R
            2 5 6 4 6 7 3 7 8 2
--R
--R
          792a b d e - 384a b d e + 72b d e
--R
--R
         3
--R
        X
--R
            728 6 37 5246 4355 3464
--R
--R
          72a d e - 384a b d e + 792a b d e - 720a b d e + 120a b d e
--R
--R
            2573 682 79
--R
          288a b d e - 216a b d e + 48b d e
--R
--R
          2
--R
         X
--R
            7 3 7 6 4 6 5 2 5 5 4 3 6 4 3 4 7 3
--R
--R
          48a d e - 276a b d e + 648a b d e - 780a b d e + 480a b d e
--R
              2582 69 710
--R
--R
          - 108a b d e - 24a b d e + 12b d
--R
--R
        X
--R
--R
         7 4 6 6 5 5 5 2 6 4 4 3 7 3 3 4 8 2
--R
      12a d e - 72a b d e + 180a b d e - 240a b d e + 180a b d e
--R
--R
           2 5 9 6 10
--R
       - 72a b d e + 12a b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 582
--S 585 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 585
)clear all
--S 586 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^5/(a+b*x)^3
--R
--R
--R (1)
        5 6 5 4 5
--R
      B e x + (A e + 5B d e)x + (5A d e + 10B d e)x
--R
--R
```

```
23 323 32 42 4 5 5
--R
       (10A d e + 10B d e)x + (10A d e + 5B d e)x + (5A d e + B d)x + A d
--R
--R /
--R
       3 3 2 2
                       2
--R
       b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 586
--S 587 of 1293
r0:=10*e^2*(b*d-a*e)^2*(b*B*d+A*b*e-2*a*B*e)*x/b^6-_
    1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^5/(b^7*(a+b*x)^2)-_
    (b*d-a*e)^4*(b*B*d+5*A*b*e-6*a*B*e)/(b^7*(a+b*x))+_
    5/2*e^3*(b*d-a*e)*(2*b*B*d+A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^2/b^7+_
    1/3*e^4*(5*b*B*d+A*b*e-6*a*B*e)*(a+b*x)^3/b^7+_
    1/4*B*e^5*(a+b*x)^4/b^7+5*e*(b*d-a*e)^3*_
    (b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*log(a+b*x)/b^7
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                4 2 5 2 4
--R
                (-120A \ a \ b + 180B \ a \ b ) e + (360A \ a \ b - 600B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                   2 4 2 3
--R
                (- 360A a b + 720B a b )d e + (120A b - 360B a b )d e
--R
--R
                     6 4
--R
                60B b d e
--R
--R
               2
--R.
               x
--R
                         4 2 5 5 3 3 4 2 4
--R
--R
                (-240A \ a \ b + 360B \ a \ b)e + (720A \ a \ b - 1200B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                         2 4
                                    3 3 2 3
                                                       5
                (-720A \ a \ b + 1440B \ a \ b ) d \ e + (240A \ a \ b - 720B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                        5 4
--R
                120B a b d e
--R
--R
--R
--R.
                     5
                              6 5
                                           4 2
                                                      5
--R.
             (- 120A a b + 180B a )e + (360A a b - 600B a b)d e
--R
--R
                     3 3
                               4 2 2 3
                                                2 4
                                                            3 3 3 2
--R
             (-360A \ a \ b + 720B \ a \ b ) d \ e + (120A \ a \ b - 360B \ a \ b ) d \ e
--R
                 2 4 4
--R
--R
             60B a b d e
```

```
--R
         log(b x + a)
--R
--R
          6 5 6 6 5 5 6 4 5
--R
--R
        3B b e x + ((4A b - 6B a b)e + 20B b d e)x
--R
               5 245 6 54 6234
--R
       ((- 10A a b + 15B a b )e + (30A b - 50B a b )d e + 60B b d e )x
--R
--R
               2 4 3 3 5
--R
                                                24 4
                                        5
--R
          (40A a b - 60B a b )e + (- 120A a b + 200B a b )d e
--R
                     5 2 3
--R
                                     6 3 2
          (120A b - 240B a b )d e + 120B b d e
--R
--R
--R
          3
--R
         X
--R
                3 3 4 2 5 2 4 3 3 4
--R
          (100A a b - 135B a b )e + (- 300A a b + 500B a b )d e
--R
--R
                 5 2423 532
--R
--R
           (240A \ a \ b - 600B \ a \ b \ ) d \ e + 240B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
          2
--R
         x
--R
--R
                 4 2 5 5 3 3 4 2 4
--R
           (-40A a b + 90B a b)e + (120A a b - 200B a b )d e
--R
                  2 4 3 3 2 3
--R
--R
           (-240A \ a \ b + 240B \ a \ b ) d \ e + (240A \ a \ b - 240B \ a \ b ) d \ e
--R
                6 5 4 6 5
--R
--R
          (- 60A b + 120B a b )d e - 12B b d
--R
--R
         X
--R
                      6 5 4 2 5 4
--R
--R
       (-80A \ a \ b + 135B \ a \ ) e + (240A \ a \ b - 400B \ a \ b) d \ e
--R
                                      2 4 3 3 3 2
              3 3 4 2 2 3
--R
--R.
        (-300A \ a \ b + 480B \ a \ b ) d \ e + (180A \ a \ b - 300B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
               5 244 6 55
        (-30A \ a \ b + 90B \ a \ b ) d \ e + (-6A \ b -6B \ a \ b ) d
--R
--R /
--R
             8
        9 2
      12b x + 24a b x + 12a b
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
```

```
--E 587
--S 590 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 590
)clear all
--S 591 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^4/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
    (1)
--R
           4 5
                   4
                             3 4
                                          3 223
--R
         B e x + (A e + 4B d e)x + (4A d e + 6B d e)x
--R
--R
            2 2 3 2
                               3
--R
        (6A d e + 4B d e)x + (4A d e + B d)x + A d
--R /
       3 3 2 2 2 3
--R
--R
       bx + 3abx + 3abx + a
--R
                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 591
--S 592 of 1293
r0:=2*e^2*(b*d-a*e)*(3*b*B*d+2*A*b*e-5*a*B*e)*x/b^5-_
    1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^4/(b^6*(a+b*x)^2)-_
    (b*d-a*e)^3*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)/(b^6*(a+b*x))+_
    1/2*e^3*(4*b*B*d+A*b*e-5*a*B*e)*(a+b*x)^2/b^6+_
    1/3*B*e^4*(a+b*x)^3/b^6+2*e*(b*d-a*e)^2*_
    (2*b*B*d+3*A*b*e-5*a*B*e)*log(a+b*x)/b^6
--R
--R
--R
     (2)
--R
                      2 3
                              3 2 4
--R
                (36A \ a \ b - 60B \ a \ b ) e + (-72A \ a \ b + 144B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                4 2 2
--R.
                (36A b - 108B a b )d e + 24B b d e
--R
--R
               2
--R
--R
--R
                                                2 3
                                4 4
                (72A a b - 120B a b)e + (- 144A a b + 288B a b )d e
--R
--R
```

```
4 2322 43
--R
             (72A a b - 216B a b )d e + 48B a b d e
--R
--R
--R
--R
                    5 4 3 2 4 3
--R
--R
         (36A \ a \ b - 60B \ a \ ) e + (-72A \ a \ b + 144B \ a \ b) d \ e
--R
              23 3222 233
--R
--R
          (36A a b - 108B a b )d e + 24B a b d e
--R
--R
        log(b x + a)
--R
--R
                   5
                           4 4 5 3 4
--R
       2B b e x + ((3A b - 5B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
               4 234 5
                                      4 3 5 2 2 3
       ((- 12A a b + 20B a b )e + (24A b - 48B a b )d e + 36B b d e )x
--R
--R
             23 324 4 233 4222
--R
--R
       ((- 30A a b + 50B a b )e + (48A a b - 120B a b )d e + 72B a b d e )x
--R
--R
              3 2 4 4
                                  2 3 3 2 3
--R
         (12A a b - 20B a b)e + (- 48A a b + 48B a b )d e
--R
               4 2 3 2 2 5 4 3 5 4
--R
--R
          (72A a b - 72B a b )d e + (- 24A b + 48B a b )d e - 6B b d
--R
--R
       x
--R
               5 4 3 2 4
--R
--R
       (24A a b - 40B a )e + (- 60A a b + 96B a b)d e
--R
           23 3222
                                   4 233
--R
--R
       (54A a b - 90B a b )d e + (- 12A a b + 36B a b )d e
--R
--R
           5
--R
       (- 3A b - 3B a b )d
--R /
              7
--R
      8 2
--R
      6b x + 12a b x + 6a b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 592
--S 595 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
```

```
--E 595
)clear all
--S 596 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^3/(a+b*x)^3
--R
--R
     (1)
--R
                               2 2 2 2
                       2 3
--R
              3
     B e x + (A e + 3B d e)x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d)x + A d
--R
--R
                                 2 2 2 3
--R
                         3 3
--R
                         b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                     Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 596
--S 597 of 1293
r0:=e^2*(3*b*B*d+A*b*e-3*a*B*e)*x/b^4+1/2*B*e^3*x^2/b^3-_
    1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^3/(b^5*(a+b*x)^2)-_
    (b*d-a*e)^2*(b*B*d+3*A*b*e-4*a*B*e)/(b^5*(a+b*x))+_
    3*e*(b*d-a*e)*(b*B*d+A*b*e-2*a*B*e)*log(a+b*x)/b^5
--R
--R
--R
     (2)
                           2 2 3 4 3 2 4 2 2
--R
--R
           ((-6A a b + 12B a b )e + (6A b - 18B a b )d e + 6B b d e)x
--R
--R
                   2 2
                         3 3
                                                  2 2 2
--R.
           ((- 12A a b + 24B a b)e + (12A a b - 36B a b)d e + 12B a b d e)x
--R
                 3 4 3 2 2 3 2 2 2 2
--R
--R
           (-6A a b + 12B a )e + (6A a b - 18B a b)d e + 6B a b d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
--R
          4 3 4
                             3 3
--R
        B b e x + ((2A b - 4B a b)e + 6B b d e)x
--R
--R
                     2 2 3
--R
        ((4A a b - 11B a b )e + 12B a b d e )x
--R
--R.
                       3 3
                                  3
                                               2 2
                 2 2
--R
           (-4A a b + 2B a b)e + (12A a b - 12B a b )d e
--R
--R
                         3 2 4 3
--R
           (-6A b + 12B a b) d e - 2B b d
--R
--R
         X
--R
```

```
3 4 3 2 2 3 2 3 2 2
--R
--R
        (-5A a b + 7B a )e + (9A a b - 15B a b)d e + (-3A a b + 9B a b )d e
--R
--R
                     3 3
              4
--R
        (- A b - B a b )d
--R /
       7 2 6 2 5
--R
--R
       2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 597
--S 600 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 600
)clear all
--S 601 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^2/(a+b*x)^3
--R
--R
           2 3 2 2
--R
--R
         B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d
--R
--R
                    3 3 2 2 2 3
--R
                    b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 601
--S 602 of 1293
r0:=B*e^2*x/b^3-1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^2/(b^4*(a+b*x)^2)-_
    (b*d-a*e)*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)/(b^4*(a+b*x))+_
    e*(2*b*B*d+A*b*e-3*a*B*e)*log(a+b*x)/b^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                        2 2
--R
           ((2A b - 6B a b)e + 4B b d e)x
--R.
--R.
                2 2 2
                                    2
                                                 2 3 2 2
--R
          ((4A \ a \ b \ - 12B \ a \ b)e \ + 8B \ a \ b \ d \ e)x + (2A \ a \ b \ - 6B \ a \ )e \ + 4B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
           3 2 3 2 2 2
--R
--R
        2B b e x + 4B a b e x
```

```
--R
              2 2 2 3
--R
--R
        ((4A a b - 4B a b)e + (- 4A b + 8B a b )d e - 2B b d )x
--R
             2 3 2 2 2
                                                3 2 2
--R
         (3A \ a \ b - 5B \ a \ )e + (-2A \ a \ b + 6B \ a \ b)d \ e + (-A \ b - B \ a \ b)d
--R
--R /
       6 2 5 2 4
--R
       2b x + 4a b x + 2a b
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 602
--S 605 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 605
)clear all
--S 606 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
--R
        B e x + (A e + B d)x + A d
--R
         3 3 2 2 2 3
--R
--R
         b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 606
--S 607 of 1293
r0:=-1/2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)/(b^3*(a+b*x)^2)+_
    (-b*B*d-A*b*e+2*a*B*e)/(b^3*(a+b*x))+B*e*log(a+b*x)/b^3
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
         (2B b e x + 4B a b e x + 2B a e)log(b x + a)
--R.
--R
                                                     2
        ((-2A b + 4B a b)e - 2B b d)x + (-A a b + 3B a )e + (-A b - B a b)d
--R
--R /
       5 2 4 2 3
--R
--R
       2b x + 4a b x + 2a b
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 607
```

```
--S 610 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
   (3) 0
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 610
)clear all
--S 611 of 1293
t0:=(A+B*x)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
               B \times A
--R (1) -----
        3 3 2 2 2 3
--R
--R
       b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 611
--S 612 of 1293
r0:=-1/2*(A+B*x)^2/((A*b-a*B)*(a+b*x)^2)
--R
--R
                      1 2 2 1 2
--R
--R
                     - - B x - A B x - - A
--R
                     2
                           2
--R
   (2) -----
         3 2 2 2 2 3
--R
--R
       (A b - B a b )x + (2A a b - 2B a b)x + A a b - B a
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 612
--S 615 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
   (3) 0
--R
                           Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 615
)clear all
--S 616 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x))
--R
--R
--R (1)
```

```
--R
                                 B \times A
--R
--R
     3 4 2 3 3 2 2 2 3 2
                                                                  3
--R
    b e x + (3a b e + b d)x + (3a b e + 3a b d)x + (a e + 3a b d)x + a d
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 616
--S 617 of 1293
r0:=1/2*(-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)+(-B*d+A*e)/((b*d-a*e)^2*(a+b*x))-_
    e*(B*d-A*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^3+e*(B*d-A*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^3
--R
--R
     (2)
--R
--R
                        3
                                       2 2
--R
            (2A b e - 2B b d e)x + (4A a b e - 4B a b d e)x + 2A a b e
--R
--R
                 2
            - 2B a b d e
--R
--R
--R
          log(e x + d)
--R
--R
                 3 2 3 2 2 2 2
            (-2A b e + 2B b d e)x + (-4A a b e + 4B a b d e)x - 2A a b e
--R
--R
--R
                2
--R
            2B a b d e
--R
--R
          log(b x + a)
--R
                     3 2
--R
                                              3 2 2 3 2
              2 2
         (2A \ a \ b \ e \ + \ (- \ 2A \ b \ - \ 2B \ a \ b \ )d \ e \ + \ 2B \ b \ d \ )x \ + \ (3A \ a \ b \ - \ B \ a \ )e
--R
--R
--R
                        3
--R
        -4Aabde+(Ab+Bab)d
--R /
                              5 2
--R
           3 3 3 2 4 2
                                       632
--R
        (2a b e - 6a b d e + 6a b d e - 2b d )x
--R
                   3 3 2 2 4 2
                                                   5 3 4 2 2
--R
           4 2 3
                                          5 3
--R
         (4a b e - 12a b d e + 12a b d e - 4a b d )x + 2a b e - 6a b d e
--R
--R
          3 3 2
                  2 4 3
--R.
        6a b d e - 2a b d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 617
--S 620 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
```

```
--R
    (3) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 620
)clear all
--S 621 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x)^2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
     B \times A
--R /
                                      2 2
--R
         3 2 5
                   2 2 3 4
--R
        b e x + (3a b e + 2b d e)x + (3a b e + 6a b d e + b d )x
--R
--R
         3 2
              2
                             2 2 2
                                      3
                                              2 2
--R
        (a e + 6a b d e + 3a b d)x + (2a d e + 3a b d)x + a d
--R
                                       Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 621
--S 622 of 1293
r0:=1/2*(-A*b+a*B)/((b*d-a*e)^2*(a+b*x)^2)+_
    (-b*B*d+2*A*b*e-a*B*e)/((b*d-a*e)^3*(a+b*x))-_
    e*(B*d-A*e)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x))_{-}
    e*(2*b*B*d-3*A*b*e+a*B*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^4+_
    e*(2*b*B*d-3*A*b*e+a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^4
--R
--R
--R
     (2)
                          2 3 3 2 3
--R
--R
            ((-6Ab + 2Bab)e + 4Bbde)x
--R
--R
                                         3
            ((- 12A a b + 4B a b)e + (- 6A b + 10B a b )d e + 4B b d e)x
--R
--R
--R
                         3 3
                                         2
                                                2 2
            ((- 6A a b + 2B a )e + (- 12A a b + 8B a b)d e + 8B a b d e)x
--R
--R
--R
                         3 2
--R
            (-6A a b + 2B a )d e + 4B a b d e
--R
--R.
          log(e x + d)
--R
--R
                        2 3
                                 3 2 3
--R
            ((6A b - 2B a b)e - 4B b d e)x
--R
--R
                         2 3
                                               2 2 3 2 2
           ((12A a b - 4B a b)e + (6A b - 10B a b )d e - 4B b d e)x
--R
--R
```

```
--R
                  3 3 2 2 2 2 2 2
          ((6A a b - 2B a )e + (12A a b - 8B a b)d e - 8B a b d e)x
--R
--R
--R
                  3 2
                               2 2
          (6A a b - 2B a )d e - 4B a b d e
--R
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                              3 2 2 3 2 2
--R
                    2 3
--R
       ((-6A a b + 2B a b)e + (6A b + 2B a b)d e - 4B b d e)x
--R
                                            2
--R
                      3 3
                                 2
                                        2
          (- 9A a b + 3B a )e + (6A a b + 4B a b)d e + (3A b - 5B a b )d e
--R
--R
--R
               3 3
--R
          - 2B b d
--R
--R
         x
--R
--R
                    2 3 2
--R
       -2A a e + (-3A a b + 5B a) d e + (6A a b - 4B a b) d e
--R
--R
           3 2 3
--R
        (-Ab-Bab)d
--R /
         4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
--R
--R
        (2a b e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2b d e)x
--R
--R
         5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2
                                               54 652
--R
       (4a b e - 14a b d e + 16a b d e - 4a b d e - 4a b d e + 2b d )x
--R
         6 5 5 4 4 2 2 3 3 3 3 2 2 4 4 5 5
--R
--R
       (2a e - 4a b d e - 4a b d e + 16a b d e - 14a b d e + 4a b d )x
--R
--R
        6 4 5 2 3 4 2 3 2 3 3 4
       2a d e - 8a b d e + 12a b d e - 8a b d e + 2a b d
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 622
--S 625 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 625
)clear all
--S 626 of 1293
```

```
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x)^3)
--R
--R
--R
    (1)
--R
      B x + A
--R /
          3 3 6 2 3 3 2 5 2 3 2 2 3 2 4
--R
--R
         b e x + (3a b e + 3b d e )x + (3a b e + 9a b d e + 3b d e)x
--R
--R
                 2
                      2
                             2 2
                                     3 3 3
                                                3 2 2 2
         (a e + 9a b d e + 9a b d e + b d )x + (3a d e + 9a b d e + 3a b d )x
--R
--R
                  2 3
                             3 3
--R
           3 2
--R
         (3a d e + 3a b d)x + a d
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 626
--S 627 of 1293
r0:=-1/2*b*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^3*(a+b*x)^2)-_
    b*(b*B*d-3*A*b*e+2*a*B*e)/((b*d-a*e)^4*(a+b*x))-_
    1/2*e*(B*d-A*e)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^2)-_
    e*(2*b*B*d-3*A*b*e+a*B*e)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x))-_
    3*b*e*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^5+_
    3*b*e*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
                       3 4 4 3 4
--R
             ((12A b - 6B a b)e - 6B b d e)x
--R.
--R
                           224
                                                    3 3
--R
             ((24A \ a \ b \ - 12B \ a \ b \ ) e \ + (24A \ b \ - 24B \ a \ b \ ) d \ e \ - 12B \ b \ d \ e \ ) x
--R
                            3 4
--R
                      2 2
                                            3
--R
                (12A \ a \ b - 6B \ a \ b)e + (48A \ a \ b - 30B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                              3 2 2
                                          4 3
--R
                (12A b - 30B a b )d e - 6B b d e
--R
--R
               2
--R
              X
--R
--R.
                   2 2
                          3 3
                                            3
                                                      2 2 2 2
--R.
             ((24A a b - 12B a b)d e + (24A a b - 24B a b )d e - 12B a b d e)x
--R
--R
                  2 2
                         3 22
                                        2 2 3
--R
             (12A a b - 6B a b)d e - 6B a b d e
--R
--R
           log(e x + d)
--R
```

```
4 3 4 4 3 4
--R
--R
          ((- 12A b + 6B a b )e + 6B b d e )x
--R
--R
                     3 224
--R
              (- 24A a b + 12B a b )e + (- 24A b + 24B a b )d e
--R
--R
                  4 2 2
--R
              12B b d e
--R
--R
            3
--R
          X
--R
                   2 2 3 4
                                       3 22 3
--R
             (- 12A a b + 6B a b)e + (- 48A a b + 30B a b )d e
--R
--R
--R
                  4 3 2 2 4 3
--R
            (-12A b + 30B a b )d e + 6B b d e
--R
--R
            2
--R
          x
--R
--R
                  2 2 3 3 3 2 2 2 2
--R
            (- 24A a b + 12B a b)d e + (- 24A a b + 24B a b )d e
--R
--R
                 3 3
--R
            12B a b d e
--R
--R
--R
               2 2 3 2 2 2 2 3
--R.
--R
          (- 12A a b + 6B a b)d e + 6B a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
             3 224 4 3 4223
--R
--R
       ((12A a b - 6B a b )e - 12A b d e + 6B b d e )x
--R
               2 2 3 4 2 2 3
--R
          (18A a b - 9B a b)e - 9B a b d e + (- 18A b + 9B a b )d e
--R
--R
--R
            4 3
--R
         9B b d e
--R.
--R.
         2
--R
         X
--R
             3 4 4 2 2 3 3 3 2 2
--R
--R
         (4A a b - 2B a )e + (24A a b - 14B a b)d e - 24A a b d e
--R
              4 3 3 4 4
--R
```

```
--R
          (-4A b + 14B a b )d e + 2B b d
--R
--R
         X
--R
           4 4 3 4 3 3 2 2 3 2 2 3
--R
--R
        - A a e + (8A a b - B a )d e - 9B a b d e + (- 8A a b + 9B a b )d e
--R
--R
--R
        (Ab + Bab)d
--R /
--R
           5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3 7 5 2 4
        (2a b e - 10a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 10a b d e - 2b d e)x
--R
--R
                  5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3 6 5 2 7 6 3
--R
--R
        (4a \ b \ e \ - \ 16a \ b \ d \ e \ + \ 20a \ b \ d \ e \ - \ 20a \ b \ d \ e \ + \ 16a \ b \ d \ e \ - \ 4b \ d \ e)x
--R
--R
            7 7 6 6
                             5 2 2 5 4 3 3 4 3 4 4 3 2 5 5 2
--R
           2a e - 2a b d e - 18a b d e + 50a b d e - 50a b d e + 18a b d e
--R
--R
             6 6 7 7
--R
           2a b d e - 2b d
--R
--R
          2
--R
          X
--R
         7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2 2 5 6 6 7
--R
--R
        (4a d e - 16a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 16a b d e - 4a b d )x
--R
--R
          7 2 5 6 3 4 5 2 4 3 4 3 5 2 3 4 6
--R.
        2a d e - 10a b d e + 20a b d e - 20a b d e + 10a b d e - 2a b d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 627
--S 630 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 630
)clear all
--S 631 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x)^4)
--R
--R
--R (1)
--R B x + A
--R /
```

```
3 4 7 2 4 3 3 6 2 4 2 3 3 2 2 5
--R
--R
        b e x + (3a b e + 4b d e )x + (3a b e + 12a b d e + 6b d e )x
--R
--R
          3 4
                2
                               2 2 2
                                        3 3 4
                      3
--R
         (a e + 12a b d e + 18a b d e + 4b d e)x
--R
           3 3 2 2 2
--R
                                2 3
                                        3 4 3
--R
        (4a d e + 18a b d e + 12a b d e + b d )x
--R
--R
           3 2 2
                   2 3
                                2 4 2
                                          3 3
                                                  2 4
         (6a d e + 12a b d e + 3a b d )x + (4a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
                                        Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 631
--S 632 of 1293
r0:=-1/2*b^2*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^4*(a+b*x)^2)-_
    b^2*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)/((b*d-a*e)^5*(a+b*x))-_
    1/3*e*(B*d-A*e)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^3)-_
    1/2*e*(2*b*B*d-3*A*b*e+a*B*e)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^2)-_
    3*b*e*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)/((b*d-a*e)^5*(d+e*x))-_
    2*b^2*e*(2*b*B*d-5*A*b*e+3*a*B*e)*log(a+b*x)/(b*d-a*e)^6+_
    2*b^2*e*(2*b*B*d-5*A*b*e+3*a*B*e)*log(d+e*x)/(b*d-a*e)^6
--R
--R
--R
     (2)
                    5 4 5 5 4 5
--R
--R
            ((-60A b + 36B a b)e + 24B b d e)x
--R
--R
                                235
                         4
                                                5
--R.
                (- 120A a b + 72B a b )e + (- 180A b + 156B a b )d e
--R
--R
                    5 2 3
--R
               72B b d e
--R
--R
--R
              х
--R
--R
                       2 3 3 2 5
                                                  4
                                                          2 3 4
--R
                (-60A \ a \ b + 36B \ a \ b ) e + (-360A \ a \ b + 240B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                 4 2 3
                (-180A b + 252B a b) d e + 72B b d e
--R
--R.
--R.
               3
--R
              x
--R
--R
                       2 3 3 2 4
--R
               (-180A a b + 108B a b )d e + (-360A a b + 288B a b )d e
--R
--R
                                 4 3 2
                                           5 4
                       5
```

```
--R
            (- 60A b + 180B a b )d e + 24B b d e
--R
--R
             2
--R
           x
--R
                                              4 2332
                    2 3 3 2 2 3
--R
--R
             (- 180A a b + 108B a b )d e + (- 120A a b + 144B a b )d e
--R
--R
                  4 4
--R
             48B a b d e
--R
--R
--R
                23 32 32 234
--R
--R
          (-60A a b + 36B a b )d e + 24B a b d e
--R
--R
         log(e x + d)
--R
--R
               5 45 545
--R
          ((60A b - 36B a b )e - 24B b d e )x
--R
--R
                 4 235 5 4 4 5234
--R
           ((120A \ a \ b \ - 72B \ a \ b \ ) e \ + (180A \ b \ - 156B \ a \ b \ ) d \ e \ - 72B \ b \ d \ e \ ) x
--R
--R
                 2 3 3 2 5
                                            234
             (60A a b - 36B a b )e + (360A a b - 240B a b )d e
--R
--R
                  5 4 2 3 5 3 2
--R
--R
             (180A b - 252B a b )d e - 72B b d e
--R
--R
             3
--R
           X
--R
                  23 32 4 4 23 23
--R
--R
              (180A \ a \ b - 108B \ a \ b \ ) d \ e + (360A \ a \ b - 288B \ a \ b \ ) d \ e
--R
                 5 4 3 2 5 4
--R
             (60A b - 180B a b )d e - 24B b d e
--R
--R
--R
--R
            x
--R
--R
                  23 3223 4 2332
             (180A a b - 108B a b )d e + (120A a b - 144B a b )d e
--R
--R
--R
                     4 4
--R
             - 48B a b d e
--R
--R
            X
--R
```

```
23 32 32 234
--R
--R
          (60A a b - 36B a b )d e - 24B a b d e
--R
--R
         log(b x + a)
--R
                                     4 4 5234
                     2 3 5 5
--R
--R
       ((- 60A a b + 36B a b )e + (60A b - 12B a b )d e - 24B b d e )x
--R
               2 3 3 2 5
--R
                                             234
          (- 90A a b + 54B a b )e + (- 60A a b + 72B a b )d e
--R
--R
              5
                      4 2 3
--R
                                 5 3 2
          (150A b - 66B a b )d e - 60B b d e
--R
--R
--R
         3
--R
        x
--R
                                    2 3 3 2 4
--R
               3 2 4 5
         (- 20A a b + 12B a b)e + (- 210A a b + 134B a b )d e
--R
--R
--R
                4 2323
                                             4 3 2 5 4
--R
          (120A a b + 12B a b )d e + (110A b - 114B a b )d e - 44B b d e
--R
--R
         2
--R
         X
--R
--R
              4 5 5 3 2
--R
          (5A a b - 3B a )e + (- 60A a b + 34B a b)d e
--R
                 23 3223 4 2332
--R
--R
          (-120A a b + 96B a b )d e + (160A a b - 48B a b )d e
--R
--R
                      4 4
--R
          (15A b - 73B a b )d e - 6B b d
--R
--R
--R
                        5 4
--R
          5 5
                                       3 2 4 2 3
       - 2A a e + (15A a b - B a )d e + (- 60A a b + 12B a b)d e
--R
--R
--R
           2 3 3 2 3 2 4
                                       234
--R
       (20A \ a \ b + 36B \ a \ b ) d \ e + (30A \ a \ b - 44B \ a \ b ) d \ e
--R
--R.
           5 4 5
--R
       (-3Ab-3Bab)d
--R /
           629 538 4427 3536 2645
--R
--R
          6a b e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e
--R
--R
              754 863
```

```
--R
         - 36a b d e + 6b d e
--R
--R
         5
--R
         x
--R
            7 9 62 8 5327 4436 3545
--R
--R
         12a b e - 54a b d e + 72a b d e + 30a b d e - 180a b d e
--R
            2654 763 872
--R
         198a b d e - 96a b d e + 18b d e
--R
--R
--R
         4
--R
         x
--R
           8 9 6 2 2 7 5 3 3 6 4 4 4 5 3 5 5 4
--R
--R
          6a e - 108a b d e + 312a b d e - 360a b d e + 144a b d e
--R
--R
            2663 772 88
--R
         60a b d e - 72a b d e + 18b d e
--R
--R
--R
         X
--R
           8 8 7 2 7 6 2 3 6 5 3 4 5 4 4 5 4
--R
--R
         18a d e - 72a b d e + 60a b d e + 144a b d e - 360a b d e
--R
--R
             3 5 6 3 2 6 7 2 8 9
--R
          312a b d e - 108a b d e + 6b d
--R
--R
         2
--R
         x
--R
            8 2 7 7 3 6 6 2 4 5 5 3 5 4 4 4 6 3
--R
--R
         18a d e - 96a b d e + 198a b d e - 180a b d e + 30a b d e
--R
            3 5 7 2 2 6 8
--R
                                7 9
--R
         72a b d e - 54a b d e + 12a b d
--R
--R
--R
        8 3 6 7 4 5 6 2 5 4 5 3 6 3 4 4 7 2 3 5 8
--R
       6a d e - 36a b d e + 90a b d e - 120a b d e + 90a b d e - 36a b d e
--R
--R.
       269
--R
--R
      6a b d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 632
--S 635 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
```

```
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                            Type: Expression(Integer)
--Е 635
)clear all
--S 636 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
      (1)
--R
--R
          B b e x + ((A b + B a)e + 3B b d e)x
--R
--R
           (A a e + (3A b + 3B a)d e + 3B b d e)x
--R
--R
--R
                                      2 3 2
          (3A \ a \ d \ e \ + \ (3A \ b \ + \ 3B \ a)d \ e \ + \ B \ b \ d \ )x \ + \ (3A \ a \ d \ e \ + \ (A \ b \ + \ B \ a)d \ )x
--R
--R
--R
              .3
--R
          Aad
--R *
--R
         +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                                            Type: Expression(Integer)
--E 636
--S 637 of 1293
r0:=2/9*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^3-_
     2/11*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^3+2/13*b*B*(d+e*x)^(13/2)/e^3
--R
      (2)
--R
                    6 6
--R
                                               6
--R
             198B b e x + ((234A b + 234B a)e + 720B b d e)x
--R
--R
                                               5
             (286A \ a \ e \ + (884A \ b \ + 884B \ a)d \ e \ + 916B \ b \ d \ e \ )x
--R
--R
--R.
                                                   2 4 3 3 3
--R
             (1144A \ a \ d \ e \ + (1196A \ b \ + \ 1196B \ a)d \ e \ + \ 424B \ b \ d \ e \ )x
--R
--R
                                                  3 3
                                                          4 2 2
--R
            (1716A \ a \ d \ e + (624A \ b + 624B \ a) d \ e + 6B \ b \ d \ e) x
--R
                                4 2 5 4 2
--R
                        3 3
             (1144A \ a \ d \ e \ + \ (26A \ b \ + \ 26B \ a) d \ e \ - \ 8B \ b \ d \ e) x \ + \ 286A \ a \ d \ e
--R
```

```
--R
--R
                            5
--R
           (- 52A b - 52B a)d e + 16B b d
--R
          +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R
--R /
--R
--R
        1287e
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 637
--S 640 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 640
)clear all
--S 641 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
      (1)
--R
               2 4
--R
        B b e x + ((A b + B a)e + 2B b d e)x
--R
--R
--R
         (A a e + (2A b + 2B a)d e + B b d)x + (2A a d e + (A b + B a)d)x
--R
--R
--R
         Aad
--R
         +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \ + d
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 641
--S 642 of 1293
r0:=2/7*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^3-_
     2/9*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^3+2/11*b*B*(d+e*x)^(11/2)/e^3
--R
--R
--R
    (2)
--R
--R
           126B b e x + ((154A b + 154B a)e + 322B b d e)x
--R
```

```
--R
--R
             (198A a e + (418A b + 418B a)d e + 226B b d e )x
--R
--R
                                                2 3
             (594A \ a \ d \ e \ + (330A \ b \ + \ 330B \ a)d \ e \ + \ 6B \ b \ d \ e \ )x
--R
--R
                                            3 2 4
--R
--R
            (594A \ a \ d \ e \ + (22A \ b \ + \ 22B \ a)d \ e \ - 8B \ b \ d \ e)x \ + \ 198A \ a \ d \ e
--R
--R
--R
            (- 44A b - 44B a)d e + 16B b d
--R
           +----+
--R
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
             3
--R
        693e
--R
                                                           Type: Expression(Integer)
--E 642
--S 645 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                           Type: Expression(Integer)
--E 645
)clear all
--S 646 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
--R
        (B b e x + ((A b + B a)e + B b d)x + (A a e + (A b + B a)d)x + A a d)
--R *
--R
         +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                           Type: Expression(Integer)
--E 646
--S 647 of 1293
r0:=2/5*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^3-_
     2/7*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^3+2/9*b*B*(d+e*x)^(9/2)/e^3
--R
--R
--R
      (2)
--R
                    4 4
                                                          3 3
```

```
70B b e x + ((90A b + 90B a)e + 100B b d e)x
--R
--R
                                      3 222
--R
--R
            (126A \ a \ e \ + (144A \ b + 144B \ a)d \ e \ + 6B \ b \ d \ e \ )x
--R
--R
                                           2 2
            (252A \ a \ d \ e \ + \ (18A \ b \ + \ 18B \ a)d \ e \ - \ 8B \ b \ d \ e)x \ + \ 126A \ a \ d \ e
--R
--R
--R
                             3
           (-36A b - 36B a)d e + 16B b d
--R
--R
          +----+
--R
          \label{eq:lemma_def} \
--R
--R /
--R
           3
--R
        315e
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 647
--S 650 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 650
)clear all
--S 651 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
--R (1) (B b x + (A b + B a)x + A a)\|e x + d|
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 651
--S 652 of 1293
r0:=2/3*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^3-_
     2/5*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^3+2/7*b*B*(d+e*x)^(7/2)/e^3
--R
--R
--R
      (2)
--R
                  3 3
                                         3
            30B b e x + ((42A b + 42B a)e + 6B b d e)x
--R
--R
--R
--R
           (70A a e + (14A b + 14B a)d e - 8B b d e)x + 70A a d e
--R
```

```
--R
--R
           (- 28A b - 28B a)d e + 16B b d
--R
          +----+
--R
--R
          \label{eq:lemma_def} \ + d
--R /
--R
--R
        105e
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 652
--S 655 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--Е 655
)clear all
--S 656 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
      B b x + (A b + B a)x + A a
--R
--R
--R
--R
                    \leq x + d
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 656
--S 657 of 1293
r0:=-2/3*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^3+_
     2/5*b*B*(d+e*x)^(5/2)/e^3+2*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
--R
      (2)
--R
                2 2
           6B b e x + ((10A b + 10B a)e - 8B b d e)x + 30A a e
--R
--R
--R
           (- 20A b - 20B a)d e + 16B b d
--R
--R
          +----+
--R
--R
         \ensuremath{\mbox{le }x + d}
--R /
--R
           3
--R
        15e
```

```
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 657
--S 660 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 660
)clear all
--S 661 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
             2
--R B b x + (A b + B a)x + A a
--R (1) -----
            +----+
--R
           (e x + d) | e x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 661
--S 662 of 1293
r0:=2/3*b*B*(d+e*x)^(3/2)/e^3-2*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)/(e^3*sqrt(d+e*x))-_
    2*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
--R (2)
            2 2
--R
       2B b e x + ((6A b + 6B a)e - 8B b d e)x - 6A a e + (12A b + 12B a)d e
--R
--R
--R
       - 16B b d
--R
--R /
       3 +----+
--R
--R
       3e \mid e x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 662
--S 665 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 665
```

```
)clear all
--S 666 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
--R
          Bbx + (Ab + Ba)x + Aa
--R
          2 2 2 +----+
--R
--R
         (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 666
--S 667 of 1293
r0:=-2/3*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)/(e^3*(d+e*x)^(3/2))+_
    2*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)/(e^3*sqrt(d+e*x))+2*b*B*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
--R (2)
--R
             2 2
--R
         6B b e x + ((-6A b - 6B a)e + 24B b d e)x - 2A a e
--R
--R
--R
         (-4A b - 4B a)d e + 16B b d
--R /
--R
         4 3 +----+
--R
       (3e x + 3d e) | e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 667
--S 670 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
    (3) 0
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 670
)clear all
--S 671 of 1293
t0:=(a+b*x)*(A+B*x)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
                    2
--R
               Bbx + (Ab + Ba)x + Aa
--R
--R
          3 3 2 2 2 3 +----+
         (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
```

```
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 671
--S 672 of 1293
r0:=-2/5*(b*d-a*e)*(B*d-A*e)/(e^3*(d+e*x)^(5/2))+_
    2/3*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)/(e^3*(d+e*x)^(3/2))-2*b*B/(e^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                  2 2
                                         2
         - 30B b e x + ((- 10A b - 10B a)e - 40B b d e)x - 6A a e
--R
--R
--R
         (- 4A b - 4B a)d e - 16B b d
--R
--R /
--R
          5 2
                    4 2 3 +----+
--R
       (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 672
--S 675 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
    (3) 0
--R
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 675
)clear all
--S 676 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
     (1)
            2 3 6 2 3 2 2 5
--R
--R
        Bbex + ((Ab + 2Bab)e + 3Bbde)x
--R
                     2 3
--R
                                 2
                                              2
--R
         ((2A \ a \ b + B \ a \ )e + (3A \ b + 6B \ a \ b)d \ e + 3B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                               2 2
                                             2
                                                        2
                                                               2 3 3
--R
         (A a e + (6A a b + 3B a) d e + (3A b + 6B a b) d e + B b d) x
--R
--R
             2 2
                                   2 2
                                           2
         (3A \ a \ d \ e + (6A \ a \ b + 3B \ a \ )d \ e + (A \ b + 2B \ a \ b)d \ )x
--R
--R
--R
                                 2 3
         (3A \ a \ d \ e + (2A \ a \ b + B \ a \ )d \ )x + A \ a \ d
--R
--R *
```

```
--R
         +----+
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 676
--S 677 of 1293
r0:=-2/9*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^4+_
     2/11*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^4-
     2/13*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*(d+e*x)^(13/2)/e^4+_
     2/15*b^2*B*(d+e*x)^(15/2)/e^4
--R
--R
--R
      (2)
--R
                  2 7 7
--R
            858B b e x + ((990A b + 1980B a b)e + 3036B b d e)x
--R
--R
                                      2 7
                                                     2
--R
                  (2340A \ a \ b + 1170B \ a \ )e + (3600A \ b + 7200B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                         2 2 5
--R
                  3708B b d e
--R
--R
               5
--R
              х
--R
                       2 7
--R
--R
                1430A a e + (8840A a b + 4420B a )d e
--R
--R
                                      2 5
--R
                (4580A b + 9160B a b)d e + 1600B b d e
--R
--R
               4
--R
              x
--R
--R
                5720A a d e + (11960A a b + 5980B a )d e
--R
--R
--R
                        2
                                      3 4
                                                 2 4 3
                (2120A b + 4240B a b)d e + 10B b d e
--R
--R
--R
               3
--R
              x
--R
--R
                       2 2 5
                                                    2 3 4
--R
                8580A a d e + (6240A a b + 3120B a )d e + (30A b + 60B a b)d e
--R
--R
                       2 5 2
--R
                - 12B b d e
--R
--R
               2
```

```
--R
           x
--R
                                  2 4 3 2 5 2
--R
                     2 3 4
--R
             5720A a d e + (260A a b + 130B a )d e + (- 40A b - 80B a b)d e
--R
--R
                   2 6
--R
             16B b d e
--R
--R
            X
--R
--R
                                          2 5 2 2
                 2 4 3
          1430A a d e + (- 520A a b - 260B a )d e + (80A b + 160B a b)d e
--R
--R
--R
               2 7
--R
          - 32B b d
--R
--R
         +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
--R
       6435e
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 677
--S 680 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 680
)clear all
--S 681 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
     (1)
                               2
--R
           2 2 5 2
        B b e x + ((A b + 2B a b)e + 2B b d e)x
--R
--R
--R.
                     2 2
                               2
                                                  2 2 3
       ((2A \ a \ b + B \ a \ )e + (2A \ b + 4B \ a \ b)d \ e + B \ b \ d )x
--R
--R
--R
            2 2
                              2
        (A a e + (4A a b + 2B a) d e + (A b + 2B a b) d) x
--R
--R
                    2 2 2 2
--R
--R
         (2A \ a \ d \ e + (2A \ a \ b + B \ a \ )d \ )x + A \ a \ d
```

```
--R *
--R
        +----+
--R
       --R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 681
--S 682 of 1293
r0:=-2/7*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^4+_
    2/9*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^4-_
    2/11*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^4+_
    2/13*b^2*B*(d+e*x)^(13/2)/e^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                266
                         2
                                     6 2 5 5
          1386B b e x + ((1638A b + 3276B a b)e + 3402B b d e )x
--R
--R
--R
                                  2 6
                                          2
                (4004A \ a \ b + 2002B \ a \ )e + (4186A \ b + 8372B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                      2 2 4
--R
                2226B b d e
--R
--R
             4
--R
            x
--R
--R
                    2 6
--R
              2574A a e + (10868A a b + 5434B a )d e
--R
--R
                     2
                          2 4 2 3 3
--R
              (2938A b + 5876B a b)d e + 30B b d e
--R
--R
             3
--R
            х
--R
                                              2 2 4 2
--R
                    2 5
--R
              7722A a d e + (8580A a b + 4290B a )d e + (78A b + 156B a b)d e
--R
--R
                    2 4 2
--R
              - 36B b d e
--R
--R
             2
--R.
            x
--R
--R
                    2 2 4
                                           2 3 3
              7722A a d e + (572A a b + 286B a )d e
--R
--R
                                 4 2
--R
              (-104A b - 208B a b)d e + 48B b d e
--R
--R
```

```
--R
            x
--R
--R
                  2 3 3
                                               2 4 2 2
--R
           2574A a d e + (- 1144A a b - 572B a )d e + (208A b + 416B a b)d e
--R
--R
                  2 6
--R
           - 96B b d
--R
--R
          +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
--R
        9009e
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 682
--S 685 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 685
)clear all
--S 686 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
            2 4 2
        B b e x + ((A b + 2B a b)e + B b d)x
--R
--R
--R
                                              2
                                                       2
         ((2A \ a \ b + B \ a \ )e + (A \ b + 2B \ a \ b)d)x + (A \ a \ e + (2A \ a \ b + B \ a \ )d)x
--R
--R
--R
            2
--R
         Aad
--R
         +----+
--R
--R
       --R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 686
--S 687 of 1293
r0:=-2/5*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^4+_
     2/7*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^4-_
     2/9*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^4+_
    2/11*b^2*B*(d+e*x)^(11/2)/e^4
```

```
--R
--R
--R (2)
             2 5 5 2
                               5 2 4 4
--R
--R
         630B b e x + ((770A b + 1540B a b)e + 840B b d e)x
--R
                        2 5 2 4 2 2 3 3
--R
        ((1980A a b + 990B a )e + (1100A b + 2200B a b)d e + 30B b d e )x
--R
--R
--R
                                      2 4
                                                2
--R
           1386A a e + (3168A a b + 1584B a )d e + (66A b + 132B a b)d e
--R
--R
                 2 3 2
           - 36B b d e
--R
--R
--R
           2
--R
           x
--R
--R
                                2 2 3 2 3 2
                 2 4
           2772A a d e + (396A a b + 198B a )d e + (- 88A b - 176B a b)d e
--R
--R
--R
               2 4
            48B b d e
--R
--R
--R
--R
          2 2 3
--R
                                     2 3 2
--R
        1386A a d e + (- 792A a b - 396B a )d e + (176A b + 352B a b)d e
--R
--R
              2 5
         - 96B b d
--R
--R
        +----+
--R
--R
       --R /
--R
--R
      3465e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 687
--S 690 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 690
)clear all
```

```
--S 691 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
                                                  2 2 +----+
--R
            2 3 2 2
    (1) (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) | e x + d
--R
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 691
--S 692 of 1293
r0:=-2/3*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^4+_
    2/5*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^4-_
    2/7*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^4+_
    2/9*b^2*B*(d+e*x)^(9/2)/e^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
               2 4 4
           70B b e x + ((90A b + 180B a b)e + 10B b d e)x
--R
--R
--R
--R
          ((252A \ a \ b + 126B \ a \ )e + (18A \ b + 36B \ a \ b)d \ e - 12B \ b \ d \ e )x
--R
--R
                                         2 3 2 2 2
                    2 4
               210A a e + (84A a b + 42B a )d e + (-24A b -48B a b)d e
--R
--R
--R
                   2 3
--R
              16B b d e
--R
--R
            x
--R
                                          2 2 2 2
--R
                2 3
--R
           210A \ a \ d \ e + (-168A \ a \ b - 84B \ a \ ) d \ e + (48A \ b + 96B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                2 4
          - 32B b d
--R
--R
          +----+
--R
--R
         --R
--R
--R
       315e
--R.
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 692
--S 695 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
```

```
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 695
)clear all
--S 696 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
                           2
--R
           2 3
                   2
        B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a )x + A a
--R
--R
--R
--R
                            \leq x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 696
--S 697 of 1293
r0:=2/3*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^4-_
    2/5*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^4+_
    2/7*b^2*B*(d+e*x)^(7/2)/e^4-2*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)*sqrt(d+e*x)/e^4
--R
--R
--R (2)
--R
             2 3 3 2 2 2 2
--R
          30B b e x + ((42A b + 84B a b)e - 36B b d e)x
--R
--R
                          2 3 2
--R
          ((140A a b + 70B a )e + (- 56A b - 112B a b)d e + 48B b d e)x
--R
--R
               2 3
                                           2
--R
          210A a e + (- 280A a b - 140B a )d e + (112A b + 224B a b)d e
--R
--R
--R
         - 96B b d
--R
         +----+
--R
--R
        --R /
--R
--R
       105e
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 697
--S 700 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
```

```
--E 700
)clear all
--S 701 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
            2 3
                   2
                            2
--R
         B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
    (1) -----
                                +----+
--R
--R
                        (e x + d) \setminus |e x + d|
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 701
--S 702 of 1293
r0:=-2/3*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^4+_
    2/5*b^2*B*(d+e*x)^(5/2)/e^4+2*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)/(e^4*sqrt(d+e*x))+_
    2*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*sqrt(d+e*x)/e^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
            2 3 3 2 2 2
--R
        6B b e x + ((10A b + 20B a b)e - 12B b d e)x
--R
--R
--R
         ((60A \ a \ b + 30B \ a \ )e + (-40A \ b - 80B \ a \ b)d \ e + 48B \ b \ d \ e)x - 30A \ a \ e
--R
                        2 2 2
--R
                                           2 23
        (120A a b + 60B a )d e + (- 80A b - 160B a b)d e + 96B b d
--R
--R /
--R
         4 +----+
--R
       15e \leq x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 702
--S 705 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R.
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 705
)clear all
--S 706 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/(d+e*x)^(5/2)
--R
```

```
--R
         2 3 2 2
--R
--R
        B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
                  2 2 2 +----+
--R
--R
                  (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 706
--S 707 of 1293
r0:=2/3*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)/(e^4*(d+e*x)^(3/2))+_
    2/3*b^2*B*(d+e*x)^(3/2)/e^4-_
    2*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)/(e^4*sqrt(d+e*x))-_
    2*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/e^4
--R
--R
--R
    (2)
--R
           2 3 3
                   2
                           3 2 2 2
        2B b e x + ((6A b + 12B a b)e - 12B b d e)x
--R
--R
--R
                      2 3
                                            2 22 23
--R
       ((- 12A a b - 6B a )e + (24A b + 48B a b)d e - 48B b d e)x - 2A a e
--R
                     2 2 2 2 2 3
--R
--R
        (-8A \ a \ b \ -4B \ a \ )d \ e \ + (16A \ b \ +32B \ a \ b)d \ e \ -32B \ b \ d
--R /
--R
             4 +----+
--R
      (3e x + 3d e) | e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 707
--S 710 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 710
)clear all
--S 711 of 1293
t0:=(a+b*x)^2*(A+B*x)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
          2 3 2
                        2
--R
        B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a
--R
   (1) -----
               3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
              (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
```

```
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 711
--S 712 of 1293
r0:=2/5*(b*d-a*e)^2*(B*d-A*e)/(e^4*(d+e*x)^(5/2))-_
    2/3*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)/(e^4*(d+e*x)^(3/2))+_
    2*b*(3*b*B*d-A*b*e-2*a*B*e)/(e^4*sqrt(d+e*x))+2*b^2*B*sqrt(d+e*x)/e^4
--R
--R
--R
     (2)
                      2
--R
                                   3
                                                  2 2 2
             2 3 3
         30B b e x + ((-30A b - 60B a b)e + 180B b d e)x
--R
--R
--R
--R
        ((- 20A a b - 10B a )e + (- 40A b - 80B a b)d e + 240B b d e)x
--R
--R
                                   2
                                      2
                                                  2
              2 3
--R
         - 6A a e + (- 8A a b - 4B a )d e + (- 16A b - 32B a b)d e + 96B b d
--R /
--R
         6 2
                 5 2 4 +----+
--R
       (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 712
--S 715 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 715
)clear all
--S 716 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
     (1)
           3 3 7 3
--R
                                2 3
         B b e x + ((A b + 3B a b)e + 3B b d e)x
--R
--R
--R.
                       2 3
                                            2 2
                                   3
--R
         ((3A \ a \ b + 3B \ a \ b)e + (3A \ b + 9B \ a \ b )d \ e + 3B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                        3 3
                                     2
                                            2 2
                                                        3
--R
            (3A \ a \ b + B \ a \ ) e + (9A \ a \ b + 9B \ a \ b) d \ e + (3A \ b + 9B \ a \ b) d \ e
--R
              3 3
--R
            B b d
--R
```

```
--R
--R
            4
--R
           X
--R
                3 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R
             A a e + (9A a b + 3B a) d e + (9A a b + 9B a b) d e
--R
--R
                         2 3
             (A b + 3B a b)d
--R
--R
--R
            3
--R
           X
--R
--R
                                   3 2
--R
         (3A \ a \ d \ e + (9A \ a \ b + 3B \ a \ )d \ e + (3A \ a \ b + 3B \ a \ b)d \ )x
--R
                        2
--R
              3 2
                                3 3
--R
         (3A \ a \ d \ e + (3A \ a \ b + B \ a \ )d \ )x + A \ a \ d
--R *
--R
        +----+
--R
       \leq x + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 716
--S 717 of 1293
r0:=2/9*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^5-_
    2/11*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^5+_
    6/13*b*(b*d-a*e)*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(13/2)/e^5-_
    2/15*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(15/2)/e^5+_
    2/17*b^3*B*(d+e*x)^(17/2)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
                   3 8 8 3 2 8 3 7 7
--R
--R
           12870B b e x + ((14586A b + 43758B a b) e + 44616B b d e) x
--R
--R
                                    2 8
                                                    3
               (50490A \ a \ b + 50490B \ a \ b)e + (51612A \ b + 154836B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                       3 2 6
--R
               52932B b d e
--R
--R.
              6
--R
             х
--R
--R
                                    3 8
--R
               (59670A \ a \ b + 19890B \ a \ )e + (183600A \ a \ b + 183600B \ a \ b)d \ e
--R
                                     2 2 6 3 3 5
--R
--R
               (63036A b + 189108B a b) d e + 21816B b d e
```

```
--R
--R
          5
--R
          х
--R
                 38 2 3 7
--R
            24310A a e + (225420A a b + 75140B a )d e
--R
--R
                   2
                             2 2 6 3
--R
            (233580A \ a \ b + 233580B \ a \ b)d \ e + (27200A \ b + 81600B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
              3 4 4
           70B b d e
--R
--R
--R
--R
          x
--R
--R
                 3 7 2
                                   3 2 6
           97240A a d e + (304980A a b + 101660B a )d e
--R
--R
               2 2 3 5 3 2 4 4
--R
--R
            (108120A a b + 108120B a b)d e + (170A b + 510B a b )d e
--R
--R
               3 5 3
--R
          - 80B b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                  3 2 6 2 3 3 5
--R
--R
           145860A a d e + (159120A a b + 53040B a )d e
--R
          + 2 2 4 4 3 2 5 3
--R
--R
            (1530A \ a \ b + 1530B \ a \ b) d \ e + (-204A \ b - 612B \ a \ b) d \ e
--R
--R
              3 6 2
           96B b d e
--R
--R
--R
           2
--R
          x
--R
                 3 3 5 2 3 4 4
--R
--R
           97240A a d e + (6630A a b + 2210B a )d e
--R
--R
                         2 5 3 3 2 6 2
            (- 2040A a b - 2040B a b)d e + (272A b + 816B a b )d e
--R
--R
--R
               3 7
--R
          - 128B b d e
--R
--R
         x
```

```
--R
          3 4 4 2 3 5 3
--R
--R
        24310A a d e + (- 13260A a b - 4420B a )d e
--R
                2 2 6 2 3 2 7 3 8
--R
        (4080A a b + 4080B a b)d e + (- 544A b - 1632B a b )d e + 256B b d
--R
--R
--R
        +----+
--R
        \leq x + d
--R /
--R
--R
      109395e
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 717
--S 720 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 720
)clear all
--S 721 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R (1)
         3 2 6 3 2 2 3 5
--R
--R
       B b e x + ((A b + 3B a b)e + 2B b d e)x
--R
             2 2 2 3 2 3 2 4
--R
--R
      ((3A \ a \ b + 3B \ a \ b)e + (2A \ b + 6B \ a \ b)d \ e + B \ b \ d)x
--R
                                               3
--R
                 3 2
                             2
                                    2
--R
       ((3A \ a \ b + B \ a \ )e + (6A \ a \ b + 6B \ a \ b)d \ e + (A \ b + 3B \ a \ b \ )d \ )x
--R
          3 2 2
--R
       (A a e + (6A a b + 2B a) d e + (3A a b + 3B a b) d) x
--R
--R
          3 2 3 2 3 2
--R.
       (2A a d e + (3A a b + B a )d )x + A a d
--R
--R *
       +----+
--R
--R
      \leq x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 721
```

```
--S 722 of 1293
r0:=2/7*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^5-_
    2/9*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^5+_
    6/11*b*(b*d-a*e)*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^5-_
    2/13*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(13/2)/e^5+_
    2/15*b^3*B*(d+e*x)^(15/2)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
                  3 7 7 3
--R
                                              2 7
--R
           6006B b e x + ((6930A b + 20790B a b)e + 14322B b d e)x
--R
                               2 7
                                                   3
--R
               (24570A \ a \ b + 24570B \ a \ b)e + (17010A \ b + 51030B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                     3 2 5
--R.
               8946B b d e
--R
--R
              5
--R
             х
--R
--R
                            3 7 2
--R
               (30030A \ a \ b + 10010B \ a \ )e + (62790A \ a \ b + 62790B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                    2 2 5 3 3 4
--R
               (11130A b + 33390B a b)d e + 70B b d e
--R
--R
--R
             x
--R
--R
                      3 7
                                     2
--R
              12870A a e + (81510A a b + 27170B a )d e
--R
                              2 2 5 3 2 3 4
--R
--R
               (44070A \ a \ b + 44070B \ a \ b)d \ e + (150A \ b + 450B \ a \ b)d \ e
--R
                    3 4 3
--R
--R
              - 80B b d e
--R
--R
              3
--R
             х
--R
--R.
                                     2
                      3 6
--R.
               38610A a d e + (64350A a b + 21450B a )d e
--R
--R
                                  2 34
                                                   3
                                                               2 4 3
               (1170A \ a \ b + 1170B \ a \ b) d \ e + (-180A \ b - 540B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                   3 5 2
--R
--R
               96B b d e
```

```
--R
--R
             2
--R
             x
--R
                      3 2 5 2 3 3 4
--R
              38610A a d e + (4290A a b + 1430B a )d e
--R
--R
--R
                                   2 43
               (-1560A \ a \ b \ -1560B \ a \ b) d \ e \ + (240A \ b \ +720B \ a \ b) d \ e
--R
--R
--R
                      3 6
              - 128B b d e
--R
--R
--R
--R
--R
                  3 3 4
                                  2
                                             3 4 3
--R
           12870 \text{A} a d e + (- 8580 \text{A} a b - 2860 \text{B} a )d e
--R
                             2 5 2
                                                      2 6 3 7
--R
                                            3
           (3120A \ a \ b + 3120B \ a \ b)d \ e + (-480A \ b -1440B \ a \ b)d \ e + 256B \ b \ d
--R
--R
--R
         +----+
--R
         \leq x + d
--R /
--R
           5
--R
       45045e
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 722
--S 725 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 725
)clear all
--S 726 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
           3 5
                     3
                             2
         B b e x + ((A b + 3B a b)e + B b d)x
--R
--R
--R
                       2
       ((3A \ a \ b + 3B \ a \ b)e + (A \ b + 3B \ a \ b)d)x
--R
--R
```

```
2 3 2 2 3 2 3
--R
--R
                        ((3A \ a \ b + B \ a \ )e + (3A \ a \ b + 3B \ a \ b)d)x + (A \ a \ e + (3A \ a \ b + B \ a \ )d)x
--R
--R
                                 3
--R
                      Aad
--R *
--R
                      +----+
--R
                    \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 726
--S 727 of 1293
 \texttt{r0:=} 2/5*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^5-2/7*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2*(4*b*B*
             3*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^5+_
             2/3*b*(b*d-a*e)*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^5-_
             2/11*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(11/2)/e^5+_
             2/13*b^3*B*(d+e*x)^(13/2)/e^5
--R.
--R
--R (2)
--R
                                                                      3 26 355
--R
                              2310B b e x + ((2730A b + 8190B a b)e + 2940B b d e)x
--R
                                                                    2 2 6 3 2 5
--R
                                        (10010A \ a \ b + 10010B \ a \ b)e + (3640A \ b + 10920B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                                                    3 2 4
--R
                                        70B b d e
--R
--R
                                      4
--R
                                   x
--R
                                                              2 3 6
--R
--R
                                        (12870A \ a \ b + 4290B \ a \ )e + (14300A \ a \ b + 14300B \ a \ b)d \ e
--R
                                                                                     2 2 4 3 3 3
--R
--R
                                        (130A b + 390B a b )d e - 80B b d e
--R
--R
                                      3
--R
                                   X
--R
                                                                                             2
--R
                                                          3 6
                                                                                                                           3 5
--R.
                                        6006A a e + (20592A a b + 6864B a )d e
--R
                                                                                                                 3 2 3 3 3 4 2
--R
                                                          2 2 4
                                    (858A \ a \ b + 858B \ a \ b) d \ e + (-156A \ b - 468B \ a \ b) d \ e + 96B \ b \ d \ e
--R
--R
--R
                                     2
--R
                                   x
--R
```

```
3 5 2 3 2 4
--R
--R
              12012A a d e + (2574A a b + 858B a )d e
--R
--R
                                  2 33
--R
              (-1144A \ a \ b \ -1144B \ a \ b) d \ e \ + (208A \ b \ +624B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                    3 5
--R
             - 128B b d e
--R
--R
--R
--R
                3 2 4
                                2
           6006A a d e + (- 5148A a b - 1716B a )d e
--R
--R
                      2 4 2
--R
                                        3
                                                   2 5 3 6
--R
          (2288A a b + 2288B a b)d e + (- 416A b - 1248B a b )d e + 256B b d
--R
         +----+
--R
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
--R
       15015e
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 727
--S 730 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 730
)clear all
--S 731 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
    (1)
          3 4 3 2 3
--R
                                         2
--R
       B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x
--R.
--R
         3
--R
        Аa
--R *
       +----+
--R
--R
       \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 731
```

```
--S 732 of 1293
r0:=2/3*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^5-2/5*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-a*e)^2
    3*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^5+_
    6/7*b*(b*d-a*e)*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^5-_
    2/9*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(9/2)/e^5+_
    2/11*b^3*B*(d+e*x)^(11/2)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
               3 5 5 3
                                          2 5 3 4 4
           630B b e x + ((770A b + 2310B a b)e + 70B b d e)x
--R
--R
--R
                              2 5
                                                        2 4
           ((2970A \ a \ b + 2970B \ a \ b)e + (110A \ b + 330B \ a \ b)d \ e - 80B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                      2
                                3 5
                                                         2 4
--R
              (4158A \ a \ b + 1386B \ a \ ) e + (594A \ a \ b + 594B \ a \ b) d \ e
--R
                            2 2 3 3 3 2
--R
--R
               (-132A b - 396B a b) d e + 96B b d e
--R
--R
             2
--R
             X
--R
                     3 5 2 3 4
--R
--R
              2310A a e + (1386A a b + 462B a )d e
--R
                                         3
--R
                           2 2 3
                                                      2 3 2 3 4
--R
             (-792A \ a \ b \ -792B \ a \ b) d \ e \ + (176A \ b \ +528B \ a \ b) d \ e \ -128B \ b \ d \ e
--R
--R
--R
                                 2 3 2 3
--R
--R
           2310A \ a \ d \ e \ + (-2772A \ a \ b - 924B \ a )d \ e
--R
                                          3
--R
                             2 32
                                                           2 4 3 5
           (1584A a b + 1584B a b)d e + (- 352A b - 1056B a b )d e + 256B b d
--R
--R
--R
          +----+
--R
         \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R /
--R.
           5
--R
       3465e
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 732
--S 735 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
```

```
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 735
)clear all
--S 736 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
     (1)
      3 4
               3 2 3 2 2 2 2
--R
    B b x + (A b + 3B a b )x + (3A a b + 3B a b)x + (3A a b + B a )x + A a
--R
--R
--R
--R
                                    \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 736
--S 737 of 1293
r0:=-2/3*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^5+_
    6/5*b*(b*d-a*e)*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^5-_
    2/7*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/e^5+_
    2/9*b^3*B*(d+e*x)^(9/2)/e^5+2*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
--R
               3 4 4
                                        2 4
--R
          70B b e x + ((90A b + 270B a b) e - 80B b d e)x
--R
                   2 2 4 3 2 3 3 2 2 2
--R
--R
           ((378A \ a \ b + 378B \ a \ b)e + (-108A \ b - 324B \ a \ b)d \ e + 96B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                                               2
              (630A \ a \ b + 210B \ a \ )e + (-504A \ a \ b - 504B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                               2 2 2
              (144A b + 432B a b )d e - 128B b d e
--R
--R
--R
            x
--R
--R.
                              2
                                    3 3
                                                          2
--R
           630A a e + (-1260A a b - 420B a )d e + (1008A a b + 1008B a b)d e
--R
--R
                             2 3
                                          3 4
--R
           (-288A b - 864B a b) d e + 256B b d
--R
         +----+
--R
--R
         \label{eq:lemma_def} \
```

```
--R /
       5
--R
--R
      315e
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 737
--S 740 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 740
)clear all
--S 741 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R (1)
    3 4 3 2 3 2 2 2 3
--R
--R
     B b x + (A b + 3B a b) x + (3A a b + 3B a b) x + (3A a b + B a) x + A a
--R
--R
                                       +----+
                               (e x + d) | e x + d
--R
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 741
--S 742 of 1293
r0:=2*b*(b*d-a*e)*(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^5-_
    2/5*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/e^5+_
    2/7*b^3*B*(d+e*x)^(7/2)/e^5-2*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)/(e^5*sqrt(d+e*x))-_
    2*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
--R
     (2)
            3 4 4 3 2 4 3 3 3
--R
--R
        10B b e x + ((14A b + 42B a b) e - 16B b d e) x
--R
--R
                                     3
                                               2 3
        ((70A a b + 70B a b)e + (- 28A b - 84B a b )d e + 32B b d e )x
--R
--R
--R
                       3 4
                                           2
            (210A \ a \ b + 70B \ a \ )e + (-280A \ a \ b - 280B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                       2 2 2 3 3
--R
            (112A b + 336B a b) d e - 128B b d e
--R
--R
         X
```

```
--R
             3 4 2 3 3
                                       2 2 2 2
--R
--R
        -70A a e + (420A a b + 140B a )d e + (-560A a b -560B a b)d e
--R
--R
            3 2 3 3 4
        (224A b + 672B a b) d e - 256B b d
--R
--R /
--R
        5 +----+
      35e \leq x + d
--R
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 742
--S 745 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 745
)clear all
--S 746 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
    3 4 3 2 3 2 2 2 3 3
--R
    B b x + (A b + 3B a b) x + (3A a b + 3B a b) x + (3A a b + B a) x + A a
--R ------
                        2 2 +----+
--R
--R
                       (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 746
--S 747 of 1293
r0:=-2/3*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)/(e^5*(d+e*x)^(3/2))-_
    2/3*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/e^5+_
    2/5*b^3*B*(d+e*x)^(5/2)/e^5+2*(b*d-a*e)^2*_
    (4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)/(e^5*sqrt(d+e*x))+6*b*(b*d-a*e)*_
    (2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
--R
    (2)
--R
           3 4 4
                   3
                              2 4
        6B b e x + ((10A b + 30B a b)e - 16B b d e)x
--R
--R
--R
                    2 4
                                           2 3 3 2 2 2
--R
       ((90A a b + 90B a b)e + (-60A b - 180B a b)d e + 96B b d e)x
--R
```

```
2 3 4 2 2 3
--R
           (-90A \ a \ b - 30B \ a \ )e + (360A \ a \ b + 360B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                          2 2 2
                                     3 3
           (-240A b - 720B a b) d e + 384B b d e
--R
--R
--R
         X
--R
                   2 3 3
                                             2 2 2 2
--R
       - 10A a e + (- 60A a b - 20B a )d e + (240A a b + 240B a b)d e
--R
--R
                       2 3
--R
              3
                                   3 4
        (-160A b - 480B a b) d e + 256B b d
--R
--R /
--R
                5 +----+
--R
      (15e x + 15d e )\|e x + d|
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 747
--S 750 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 750
)clear all
--S 751 of 1293
t0:=(a+b*x)^3*(A+B*x)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
   (1)
             3 2 3 2 2 2 3
--R
--R Bbx + (Ab + 3Bab)x + (3Aab + 3Bab)x + (3Aab + Ba)x + Aa
--R
    ______
                                         3 +----+
                    3 3 2 2 2
--R
                   (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 751
--S 752 of 1293
r0:=-2/5*(b*d-a*e)^3*(B*d-A*e)/(e^5*(d+e*x)^(5/2))+_
    2/3*(b*d-a*e)^2*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)/(e^5*(d+e*x)^(3/2))+_
    2/3*b^3*B*(d+e*x)^(3/2)/e^5-6*b*(b*d-a*e)*_
    (2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)/(e^5*sqrt(d+e*x))-_
    2*b^2*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/e^5
--R
--R
```

```
--R
     (2)
           3 4 4 3 2 4 3 3 3
--R
--R
       10B b e x + ((30A b + 90B a b )e - 80B b d e )x
--R
                2 2 4 3 2 3 3 2 2 2
--R
       ((- 90A a b - 90B a b)e + (180A b + 540B a b )d e - 480B b d e )x
--R
--R
--R
                         3 4
          (- 30A a b - 10B a )e + (- 120A a b - 120B a b)d e
--R
--R
                          2 2 2
--R
          (240A b + 720B a b )d e - 640B b d e
--R
--R
--R
         X
--R
--R
            3 4
                       2 3 3
--R
       - 6A a e + (- 12A a b - 4B a )d e + (- 48A a b - 48B a b)d e
--R
--R
                     2 3 3 4
--R
        (96A b + 288B a b) d e - 256B b d
--R /
--R
        7 2 6 2 5 +----+
--R
      (15e x + 30d e x + 15d e) | e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 752
--S 755 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 755
)clear all
--S 756 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)/(a+b*x)
--R
--R
--R
    (1)
--R
           3 4 3
                           2 3
                                       2 2 2 3
--R
         B e x + (A e + 3B d e)x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d)x
--R
--R
            3
--R
         A d
--R
--R
        +----+
        \label{eq:lemma_def} \ | e x + d
--R
--R /
```

```
--R
                     b x + a
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 756
--S 757 of 1293
r0:=2/3*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2)/b^4+_
             2/5*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2)/b^3+_
             2/7*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(7/2)/b^2+2/9*B*(d+e*x)^(9/2)/(b*e)-_
             2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^(7/2)*atanh(sqrt(b)*_
             sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(11/2)+2*(A*b-a*B)*_
             (b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x)/b^5
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                    4 4
                                                                                                                             2 2
--R
                                      (630A \ a \ b - 630B \ a \ ) e + (-1890A \ a \ b + 1890B \ a \ b) d \ e
--R.
--R
                                                              3
                                                                              2 2 2 2
--R
                                      (1890A \ a \ b \ - \ 1890B \ a \ b \ ) d \ e \ + \ (- \ 630A \ b \ + \ 630B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                                                                                        +-+ +----+
--R
                                 +----+
                                                                                     \begin{tabular}{l} \begin{tabu
                                \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                        +----+
--R
--R
                                                                                      \|- a e + b d
--R
                                                                                                   3 4 4 3 3
--R
--R
                                    70B b e x + ((90A b - 90B a b)e + 280B b d e)x
--R
--R.
                                                                           3 2 2 4 4 3
                                                (- 126A a b + 126B a b )e + (396A b - 396B a b )d e
--R
--R
--R
                                                               4 2 2
--R
                                                420B b d e
--R
--R
                                             2
--R
                                          Х
--R
--R
                                                                                             3 4
                                                                                                                                                 3
                                                                                                                                                                                2 2
                                                (210A \ a \ b \ - \ 210B \ a \ b)e \ + (- \ 672A \ a \ b \ + \ 672B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
--R
                                                                                              3 2 2
--R.
                                                (732A b - 732B a b) d e + 280B b d e
--R.
--R
--R
--R
                                                                          4 4 2 2
--R
                                    (-630A \ a \ b + 630B \ a \ ) e + (2100A \ a \ b - 2100B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                                                               3
                                                                                             2 2 2 2
                                                                                                                                            4
                                                                                                                                                                              3 3
                                                                                                                                                                                                                      4 4
```

```
--R
           (-2436A \ a \ b + 2436B \ a \ b ) d \ e + (1056A \ b - 1056B \ a \ b ) d \ e + 70B \ b \ d
--R
--R
            +-+ +----+
--R
           --R /
           5 +-+
--R
--R
       315b e\|b
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 757
--S 760 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 760
)clear all
--S 763 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)/(a+b*x)
--R
--R
--R
                                                   2 2 +----+
                           2
--R
          (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) \le x + d
--R
--R
                                      b x + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 763
--S 764 of 1293
r0:=2/3*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2)/b^3+_
     2/5*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(5/2)/b^2+2/7*B*(d+e*x)^(7/2)/(b*e)-_
     2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^(5/2)*atanh(sqrt(b)*_
     sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(9/2)+2*(A*b-a*B)*_
     (b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x)/b^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                               3 3
--R
             (-210A \ a \ b + 210B \ a \ )e + (420A \ a \ b - 420B \ a \ b)d \ e
--R.
--R
                                2 2
             (-210A b + 210B a b)d e
--R
--R
                               +-+ +----+
--R
--R
            +----+
                              --R
           \|- a e + b d atanh(-----)
                               +----+
--R
```

```
\|- a e + b d
--R
--R
--R
                                                         3 3 3 2 3 3 2 2
                                         30B b e x + ((42A b - 42B a b )e + 90B b d e )x
--R
--R
--R
                                                                                                 2 3
                                          ((-70A \ a \ b + 70B \ a \ b)e + (154A \ b - 154B \ a \ b)d \ e + 90B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                                                              2 3 3
                                                                                                                             2
--R
                                          (210A \ a \ b - 210B \ a \ )e + (-490A \ a \ b + 490B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                                              2 2
--R
                                                                                                                                     3 3
                                          (322A b - 322B a b)d e + 30B b d
--R
--R
--R
                                      +-+ +----+
--R
                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                   4 +-+
--R
                        105b e\|b
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 764
--S 767 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
              (3) 0
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 767
)clear all
--S 770 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a+b*x)
--R
--R
--R
--R
                              (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus |e x + d
                 (1) -----
--R
--R
                                                                                b x + a
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 770
--S 771 of 1293
r0:=2/3*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(3/2)/b^2+2/5*B*(d+e*x)^(5/2)/(b*e)-_
               2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)^(3/2)*atanh(sqrt(b)*_
               sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^{(7/2)+2*(A*b-a*B)*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x)/b^3
--R
--R
--R
             (2)
```

```
--R
                                                                                                                    2
--R
                                        ((30A \ a \ b - 30B \ a \ )e + (-30A \ b + 30B \ a \ b)d \ e) |- a \ e + b \ d
--R
--R
                                                              +-+ +----+
--R
                                                          atanh(-----)
--R
                                                             +----+
--R
--R
                                                          \|- a e + b d
--R
                                                                                           2
--R
                                                          2 2 2
--R
                                             6B b e x + ((10A b - 10B a b)e + 12B b d e)x
--R
                                                                                                                                      2
--R
                                              (-30A \ a \ b + 30B \ a \ )e + (40A \ b - 40B \ a \ b)d \ e + 6B \ b \ d
--R
--R
--R
                                           +-+ +----+
--R
                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                    3 +-+
--R
                          15b e\|b
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 771
--S 774 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
               (3) 0
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 774
)clear all
--S 777 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(d+e*x)/(a+b*x)
--R
--R
--R
--R
                                 (B x + A) \setminus [e x + d]
--R
                   (1) -----
--R
                                                      b x + a
--R
                                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 777
--S 778 of 1293
r0:=2/3*B*(d+e*x)^(3/2)/(b*e)-2*(A*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
                sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b*d-a*e)/b^(5/2)+2*(A*b-a*B)*sqrt(d+e*x)/b^2
--R
--R
--R
               (2)
```

```
--R
                                                                                                                                                  +-+ +----+
                                                                                    +----+
--R
                                                                                                                                              \|b \|e x + d
--R
                              (-6A b + 6B a)e|-a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                                                                                \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                                                                   +-+ +----+
--R
                               (2B b e x + (6A b - 6B a)e + 2B b d) | b | e x + d
--R /
                              2 +-+
--R
--R
                        3b e\|b
--R
                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--Е 778
--S 781 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
               (3) 0
--R
                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 781
)clear all
--S 784 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                                                   B x + A
--R
--R
                                      +----+
--R
                                (b x + a) \mid e x + d
--R
                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 784
--S 785 of 1293
\texttt{r0:=-2*(A*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(3/2)*_-)}
                sqrt(b*d-a*e))+2*B*sqrt(d+e*x)/(b*e)
--R
--R
--R
                   (2)
--R
                                                                                             +-+ +----+
--R
                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
                                                                                                                                                      +----+
--R
                  (-2A b + 2B a)e atanh(-----) + 2B\|-a e + b d \|b \|e x + d
                                                                                             +----+
--R
--R
                                                                                          \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                         +----+ +-+
--R
                                                                                                b e\|- a e + b d \|b
--R
                                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
```

```
--E 785
--S 788 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 788
)clear all
--S 791 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
                       B x + A
--R
    (1) -----
          2
--R
--R
         (b e x + (a e + b d)x + a d) | e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 791
--S 792 of 1293
r0:=-2*(A*b-a*B)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
    ((b*d-a*e)^(3/2)*sqrt(b))-2*(B*d-A*e)/(e*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                   +-+ +----+
--R
                      +----+
                                  --R
        (2A b - 2B a)e\|e x + d atanh(-----)
--R
                                   +----+
--R
                                   \ |-ae+bd
--R
--R
        (-2A e + 2B d) = a e + b d = b
--R
--R /
                   +----+
--R
--R
       (a e - b d e) = a e + b d | b | e x + d
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 792
--S 795 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 795
```

```
)clear all
--S 798 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
                                                                                                                 B x + A
--R
                                      2 3 2 2
--R
                                                                                                                                                         2 2 +----+
--R
                               (b e x + (a e + 2b d e)x + (2a d e + b d)x + a d) | e x + d
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 798
--S 799 of 1293
r0:=-2/3*(B*d-A*e)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2))-2*(A*b-a*B)*_
              atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b)/_
              (b*d-a*e)^(5/2)+2*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                                                                                                         +-+ +----+
                                  ((- 6A b + 6B a)e x + (- 6A b + 6B a)d e)\|b \|e x + d
--R
--R
                                                     +-+ +----+
--R
--R
                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                  atanh(-----)
--R
                                                     +----+
--R
                                                   \|- a e + b d
--R
--R
                                                                                                                                                                                         2 +----+
--R
                             ((6A b - 6B a)e x - 2A a e + (8A b - 4B a)d e - 2B b d) | - a e + b d
--R /
                                                            3 222
                                                                                                                           2 3
--R
                                                                                                                                                                      2 2 2 3
--R
                             ((3a e - 6a b d e + 3b d e )x + 3a d e - 6a b d e + 3b d e)
--R
                              +----+
--R
                            --R
--R
                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 799
--S 802 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
               (3) 0
--R
                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 802
)clear all
```

```
--S 805 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
--R
                 (1)
--R
                       B x + A
--R /
                                                                    3 2 3
--R
                                                                                                                                              2
                                                                                                                                                                        2 2
                                    b e x + (a e + 3b d e)x + (3a d e + 3b d e)x + (3a d e + b d)x
--R
--R
--R
                                             3
--R
                                    a d
--R
--R
                                 +----+
--R
                              \leq x + d
--R
                                                                                                                                                                       Type: Expression(Integer)
--E 805
--S 806 of 1293
r0:=-2/5*(B*d-A*e)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2))+2/3*(A*b-a*B)/_
               ((b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2))-2*b^(3/2)*(A*b-a*B)*_
               a tanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b*d-a*e)^{(7/2)}+\_
               2*b*(A*b-a*B)/((b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                                                                                    3 2
                                                                                                                    2
--R
                                           (30A b - 30B a b) e x + (60A b - 60B a b) d e x
--R.
--R
--R
                                           (30A b - 30B a b)d e
--R
--R
                                                                                                    +-+ +----+
--R
                                       +-+ +----+
                                                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                    \|b \|e x + d atanh(-----)
                                                                                                    +----+
--R
                                                                                                 \|- a e + b d
--R
--R
--R
                                                                                                          3 2
                                           (-30A b + 30B a b)e x
--R
--R
--R.
                                                                                                                                                                                        2
                                                                                              2 3
                                                                                                                                           2
--R
                                           ((10A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (-70A \ b + 70B \ a \ b)d \ e )x - 6A \ a \ e
--R
--R
                                                                                                                                                                                   2
                                           (22A \ a \ b - 4B \ a \ )d \ e + (-46A \ b + 28B \ a \ b)d \ e + 6B \ b \ d
--R
--R
--R
                                       +----+
--R
                                    \ |-ae+bd
```

```
--R /
--R
            3 6 2 5 2 2 4 3 3 3 2
--R
          (15a e - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e )x
--R
--R
             3 5 2 2 4 2 3 3 3 4 2 3 2 4
--R
          (30a d e - 90a b d e + 90a b d e - 30b d e)x + 15a d e
--R
--R
              2 33
                          2 4 2
                                    3 5
--R
         - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e
--R
--R
         +----+
--R
        --R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 806
--S 809 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 809
)clear all
--S 812 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)/(a+b*x)^2
--R
--R
--R (1)
--R
            3 4 3 2 3
                                   2
                                               2 2 2
--R
          B e x + (A e + 3B d e)x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d)x
--R
--R
--R
         A d
--R
         +----+
--R
--R
        \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R /
--R
       2 2
--R
      bx + 2abx + a
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 812
--S 813 of 1293
r0:=1/3*(b*d-a*e)*(2*b*B*d+7*A*b*e-9*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/b^4+_
    1/5*(2*b*B*d+7*A*b*e-9*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/b^3+_
    1/7*(2*b*B*d+7*A*b*e-9*a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/(b^2*(b*d-a*e))-_
    (A*b-a*B)*(d+e*x)^(9/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x))-_
    (b*d-a*e)^(5/2)*(2*b*B*d+7*A*b*e-9*a*B*e)*_
```

```
atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(11/2)+(b*d-a*e)^2*_
             (2*b*B*d+7*A*b*e-9*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/b^5
--R
--R
--R
               (2)
                                                                      2 2 3 3 3 2 2
--R
                                             (-735A a b + 945B a b)e + (1470A a b - 2100B a b )d e
--R
--R
                                                                                                    3 2
--R
                                             (- 735A b + 1365B a b )d e - 210B b d
--R
--R
--R
--R
--R
                                                                                    4 3
                                                                                                                            2 2
--R
                                   (-735A \ a \ b + 945B \ a \ ) e + (1470A \ a \ b - 2100B \ a \ b) d \ e
--R
--R.
                                                                                         2 2 2
--R
                                     (-735A \ a \ b + 1365B \ a \ b ) d \ e \ - 210B \ a \ b \ d
--R
--R
                                                                                      +-+ +----+
                                 +----+
--R
                                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                               \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                      +----+
--R
                                                                                    \|- a e + b d
--R
                                                  4 3 4 4 3 3 4 2 3
--R
--R
                                    30B b e x + ((42A b - 54B a b)e + 132B b d e)x
--R
--R
                                                                             3
                                                                                                        2 2 3 4 3
--R.
                                                   (- 98A a b + 126B a b )e + (224A b - 316B a b )d e
--R
--R
                                                                    4 2
--R
                                                    244B b d e
--R
--R
                                            2
--R
                                          х
--R
                                                                 2 2 3 3
--R
                                                                                                                                                 3
                                                                                                                                                                             2 2 2
                                               (490A \ a \ b - 630B \ a \ b)e + (-1176A \ a \ b + 1652B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                                                                                              3 2
                                               (812A b - 1380B a b) d e + 352B b d
--R
--R.
--R.
--R
--R
                                                                      4 3
                                                                                                                            2 2
--R
                                     (735A \ a \ b - 945B \ a \ ) e + (-1715A \ a \ b + 2415B \ a \ b) d \ e
--R
                                                             3 222
--R
                                     (1127A \ a \ b \ - 1939B \ a \ b \ )d \ e \ + \ (- \ 105A \ b \ + 457B \ a \ b \ )d
--R
```

```
--R
--R
                                                          +-+ +----+
--R
                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                            6 5 +-+
--R
--R
                                      (105b x + 105a b) | b
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 813
--S 816 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
                        (3) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 816
)clear all
--S 819 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)/(a+b*x)^2
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                        2
--R
                                                                      2 3 2 2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                         2 +----+
--R
                                                    (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) | e x + d
--R
--R
                                                                                                                                                                    2 2
--R
                                                                                                                                                                b x + 2a b x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 819
--S 820 of 1293
r0:=1/3*(2*b*B*d+5*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/b^3+_
                        1/5*(2*b*B*d+5*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/(b^2*(b*d-a*e))-_
                        (A*b-a*B)*(d+e*x)^(7/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x))-_
                        (b*d-a*e)^(3/2)*(2*b*B*d+5*A*b*e-7*a*B*e)*_
                        atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(9/2)+_
                        (b*d-a*e)*(2*b*B*d+5*A*b*e-7*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/b^4
--R
--R
--R
                            (2)
--R
                                                                                                           2 2 2
                                                                                                                                                                                                                                3
                                                                                                                                                                                                                                                                                          2
--R.
                                                                   ((75A \ a \ b \ - \ 105B \ a \ b)e \ + (- \ 75A \ b \ + \ 135B \ a \ b)d \ e \ - \ 30B \ b \ d)x
--R.
--R
                                                                                              2
                                                                                                                                        3 2
                                                                                                                                                                                                                            2
                                                                                                                                                                                                                                                                                  2
                                                                   (75A \ a \ b - 105B \ a \ )e + (-75A \ a \ b + 135B \ a \ b)d \ e - 30B \ a \ b \ d
--R
--R
--R
                                                                                                                                                           +-+ +----+
                                                                                                                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                       \|- a e + b d atanh(-----)
--R
```

```
--R
                                                                                                   +----+
--R
                                                                                                \|- a e + b d
--R
--R
                                                    3 2 3
                                                                                                                                  2 2
                                        6B b e x + ((10A b - 14B a b)e + 22B b d e)x
--R
--R
                                                                        2 2 2 3
--R
                                          ((-50A \ a \ b + 70B \ a \ b)e + (70A \ b - 118B \ a \ b)d \ e + 46B \ b \ d)x
--R
--R
--R
                                                                                                  3 2
                                                                                                                                              2
--R
                                          (-75A \ a \ b + 105B \ a \ ) e + (100A \ a \ b - 170B \ a \ b) d \ e
--R
                                                                3
--R
                                          (-15A b + 61B a b)d
--R
--R
--R
                                      +-+ +----+
--R
                                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                                 4 +-+
--R
                        (15b x + 15a b) | b
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 820
--S 823 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
              (3) 0
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 823
)clear all
--S 826 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
                                                 2
--R
                                 (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus |e x + d|
--R
                  (1) -----
--R
                                                                   2 2
--R
                                                                b x + 2a b x + a
--R.
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 826
--S 827 of 1293
r0:=1/3*(2*b*B*d+3*A*b*e-5*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*(b*d-a*e))-_
               (A*b-a*B)*(d+e*x)^(5/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x))-_
               (2*b*B*d+3*A*b*e-5*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
               sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b*d-a*e)/b^(7/2)+_
```

```
(2*b*B*d+3*A*b*e-5*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/b^3
--R
--R
--R
                    (2)
--R
                                                                                                                                       2
                                         (((-9A b + 15B a b)e - 6B b d)x + (-9A a b + 15B a )e - 6B a b d)
--R
--R
--R
                                                                                                                +-+ +----+
--R
                                          +----+
                                                                                                            --R
                                        \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                                                                                                                +----+
                                                                                                             \|- a e + b d
--R
--R
--R
 --R
                                               2B b e x + ((6A b - 10B a b)e + 8B b d)x + (9A a b - 15B a )e
--R
--R
--R
                                             (-3A b + 11B a b)d
--R
                                           +-+ +----+
--R
--R
                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                   4 3 +-+
--R
--R
                            (3b x + 3a b) | b
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 827
--S 830 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 830
)clear all
--S 833 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(d+e*x)/(a+b*x)^2
--R
--R
--R
--R.
                               (B x + A) \setminus [e x + d]
--R
               (1) -----
--R
                                        2 2
--R
                                  bx + 2abx + a
--R
                                                                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 833
--S 834 of 1293
```

```
r0:=-(A*b-a*B)*(d+e*x)^(3/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x))-_
    (2*b*B*d+A*b*e-3*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
    sqrt(d+e*x)/(b^2*(b*d-a*e))
--R
--R
--R
     (2)
--R
          (((- A b + 3B a b)e - 2B b d)x + (- A a b + 3B a )e - 2B a b d)
--R
--R
                +-+ +----+
--R
               --R
          atanh(-----)
--R
                +----+
--R
--R
               \|- a e + b d
--R
--R
                           +----+
--R
        (2B b x - A b + 3B a) = a e + b d | b | e x + d
--R /
             2 +----+ +-+
--R
--R
       (b x + a b) = a e + b d | b
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 834
--S 837 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 837
)clear all
--S 840 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                   B x + A
--R
     (1) -----
--R
                        2 +----+
--R
         (b x + 2a b x + a) \mid e x + d
--R.
                                               Type: Expression(Integer)
--E 840
--S 841 of 1293
r0:=-(2*b*B*d-A*b*e-a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/_
    (b^{(3/2)}*(b*d-a*e)^{(3/2)})-(A*b-a*B)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x))
--R
--R
```

```
(2)
--R
                                       2
--R
                    2
--R
            (((- A b - B a b)e + 2B b d)x + (- A a b - B a )e + 2B a b d)
--R
                   +-+ +----+
--R
--R
                  --R
            atanh(-----)
                   +----+
--R
--R
                  \label{lem:ae+bd}
--R
                      +----+
--R
          (A b - B a) \mid - a e + b d \mid | b \mid | e x + d
--R
--R
                          2
                                    2 +----+ +-+
--R
                  3
--R
        ((a b e - b d)x + a b e - a b d) \mid - a e + b d \mid b
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--E 841
--S 844 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--E 844
)clear all
--S 847 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
                                       B \times A
--R
--R
            2 3 2 2 2
--R
           (b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d) | e x + d
--R
                                                         Type: Expression(Integer)
--E 847
--S 848 of 1293
\texttt{r0} := -(2*b*B*d-3*A*b*e+a*B*e)*\mathtt{atanh}(\texttt{sqrt}(b)*\texttt{sqrt}(d+e*x)/\texttt{sqrt}(b*d-a*e))/\_
     ((b*d-a*e)^(5/2)*sqrt(b))+(2*b*B*d-3*A*b*e+a*B*e)/_
     (b*(b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x))+(-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
      (2)
--R
--R
            (((3A b - B a b)e - 2B b d)x + (3A a b - B a )e - 2B a b d)\ensuremath{\mbox{\sc b}} - 2B a b d)\ensuremath{\mbox{\sc b}}
--R
--R
                   +-+ +----+
```

```
--R
                --R
          atanh(-----)
--R
                +----+
--R
                \|- a e + b d
--R
--R
                                                           +----+ +-+
--R
       (((-3A b + B a)e + 2B b d)x - 2A a e + (-A b + 3B a)d)|-a e + b d |b
--R /
           2 2 2
                            3 2
                                    3 2 2
                                                       2 2 +----+
--R
         ((a b e - 2a b d e + b d )x + a e - 2a b d e + a b d )\|- a e + b d
--R
--R
         +-+ +----+
--R
         --R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 848
--S 851 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 851
)clear all
--S 854 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
    (1)
--R
     B x + A
--R /
           2 2 4 2 2 3
--R
                                        2 2
--R
          b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d)x
--R
--R
            2
                       2
                              2 2
--R
          (2a d e + 2a b d )x + a d
--R
         +----+
--R
--R
         \ensuremath{\mbox{le x}} + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 854
--S 855 of 1293
r0:=1/3*(2*b*B*d-5*A*b*e+3*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2))+_
    (-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2))-_
    (2*b*B*d-5*A*b*e+3*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*_
    sqrt(b)/(b*d-a*e)^(7/2)+(2*b*B*d-5*A*b*e+3*a*B*e)/_
    ((b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x))
```

```
--R
--R
--R
     (2)
                   2 2 2
--R
           ((-15A b + 9B a b)e + 6B b d e)x
--R
--R
--R
           ((- 15A a b + 9B a )e + (- 15A b + 15B a b)d e + 6B b d )x
--R
--R
--R
                          2
--R
           (- 15A a b + 9B a )d e + 6B a b d
--R
                            +-+ +----+
--R
           +-+ +----+
--R
                           \b \leq x + d
--R
          \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                            +----+
--R
                           \|- a e + b d
--R
                            2 2 2
--R
--R
           ((15A b - 9B a b)e - 6B b d e)x
--R
--R
                         2 2 2
                                                   2 2
--R
            ((10A \ a \ b - 6B \ a \ )e + (20A \ b - 16B \ a \ b)d \ e - 8B \ b \ d \ )x - 2A \ a \ e
--R
--R
            (14A \ a \ b - 4B \ a \ )d \ e + (3A \ b - 11B \ a \ b)d
--R
--R
--R
           +----+
--R
          \|- a e + b d
--R /
--R
            3 4 2 2 3 3 2 2 4 3 2
--R
          (3a b e - 9a b d e + 9a b d e - 3b d e)x
--R
            4 4 3 3 3 3 4 4 4 3 3 2 2
--R
--R
          (3a e - 6a b d e + 6a b d e - 3b d )x + 3a d e - 9a b d e
--R
--R
           2 2 3
                   3 4
--R
          9a b d e - 3a b d
--R
--R
         +----+
--R
        --R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 855
--S 858 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
```

```
--E 858
)clear all
--S 861 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^2*(d+e*x)^7)
--R
--R
             (1)
--R
--R
                    B x + A
--R /
                                                                                      2 2 4 2 3
--R
                                  2 3 5
                                                                      3
                               b e x + (2a b e + 3b d e )x + (a e + 6a b d e + 3b d e)x
--R
--R
--R
                                                                        2
                                                                                        232
                                                                                                                        2 2
                                     2 2
--R
                               (3a d e + 6a b d e + b d)x + (3a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R
                            +----+
--R
                          --R
                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 861
--S 862 of 1293
r0:=1/5*(2*b*B*d-7*A*b*e+5*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2))+_
             (-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2))+_
             1/3*(2*b*B*d-7*A*b*e+5*a*B*e)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(3/2))-_
             b^{(3/2)*(2*b*B*d-7*A*b*e+5*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*_
             sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b*d-a*e)^(9/2)+_
             b*(2*b*B*d-7*A*b*e+5*a*B*e)/((b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                                       2 3
--R
                                     ((105A b - 75B a b)e - 30B b d e)x
--R
                                                                                                                      3
                                                                                   2 3
--R
                                                               2
                                                                                                                                                           2 2
                                                                                                                                                                                                3 2 2
                                     ((105A a b - 75B a b)e + (210A b - 180B a b )d e - 60B b d e)x
--R
--R
                                                              2
--R
                                                                                      2
                                                                                                                                  3
                                                                                                                                                                   2 2
                                                                                                                                                                                                     3 3
--R
                                     ((210A \ a \ b \ - 150B \ a \ b) d \ e \ + (105A \ b \ - 135B \ a \ b) d \ e \ - 30B \ b \ d) x
--R
--R
                                                                                    2 2
--R.
                                     (105A \ a \ b \ - 75B \ a \ b)d \ e \ - 30B \ a \ b \ d
--R
--R
                                                                                       +-+ +----+
--R
                                 +-+ +----+
                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                               \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                                       +----+
--R
                                                                                     \ |-ae+bd
--R
```

```
3 2 3 3 2 3
--R
--R
          ((-105A b + 75B a b)e + 30B b d e)x
--R
                      2 2 3 3 2 2
--R
              (- 70A a b + 50B a b)e + (- 245A b + 195B a b )d e
--R
--R
--R
                  3 2
--R
               70B b d e
--R
--R
            2
--R
            X
--R
                 2 3 3
--R
             (14A a b - 10B a )e + (- 168A a b + 116B a b)d e
--R
--R
                   3 2 2 3 3
--R
--R
             (- 161A b + 163B a b )d e + 46B b d
--R
--R
--R
--R
--R
          - 6A a e + (32A a b - 4B a )d e + (- 116A a b + 48B a b)d e
--R
--R
             3 2 3
--R
          (-15A b + 61B a b)d
--R
--R
         +----+
--R
         \|- a e + b d
--R /
           4 6 3 2 5 2 3 2 4 4 3 3 5 4 2 3
--R
--R
         (15a b e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15b d e )x
--R
             5 6 4 5 3 2 2 4 2 3 3 3 4 4 2
--R
--R
           15a e - 30a b d e - 30a b d e + 120a b d e - 105a b d e
--R
--R
             5 5
--R
           30b d e
--R
--R
           2
--R
          x
--R
--R
             5 5 4 2 4 3 2 3 3 2 3 4 2 4 5
--R
            30a d e - 105a b d e + 120a b d e - 30a b d e - 30a b d e
--R
--R
            5 6
--R
            15b d
--R
--R
--R
--R
          5 2 4 4 3 3 3 2 4 2 2 3 5 4 6
```

```
--R
           15a d e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15a b d
--R
--R
          +----+
--R
         --R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 862
--S 865 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 865
)clear all
--S 868 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R (1)
            3 4 3 2 3 2 2 2 3
--R
--R
          B e x + (A e + 3B d e)x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d)x
--R
--R
             3
--R
          A d
--R
--R
         +----+
--R
         --R /
       3 3 2 2 2
--R
--R
       b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 868
--S 869 of 1293
r0:=7/12*e*(4*b*B*d+5*A*b*e-9*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/b^4+_
    7/20*e*(4*b*B*d+5*A*b*e-9*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/(b^3*(b*d-a*e))-_
    1/4*(4*b*B*d+5*A*b*e-9*a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/(b^2*(b*d-a*e)*(a+b*x))-_
    1/2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(9/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)-_
    7/4*e*(b*d-a*e)^(3/2)*(4*b*B*d+5*A*b*e-9*a*B*e)*_
    atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/b^(11/2)+_
    7/4*e*(b*d-a*e)*(4*b*B*d+5*A*b*e-9*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/b^5
--R.
--R
--R
     (2)
--R
                                 2 2 3
--R
                (525A \ a \ b \ - 945B \ a \ b \ ) e \ + (- 525A \ b \ + 1365B \ a \ b \ ) d \ e
--R
```

```
--R
                4 2
--R
             - 420B b d e
--R
--R
            2
--R
            X
--R
                   2 2 3 3 3 2 2 2
--R
             (1050A a b - 1890B a b)e + (- 1050A a b + 2730B a b )d e
--R
--R
--R
                    3 2
--R
             - 840B a b d e
--R
--R
--R
--R
                  4 3 2 2 3 2 2 2 2
--R
         (525A \ a \ b - 945B \ a \ )e + (-525A \ a \ b + 1365B \ a \ b)d \ e - 420B \ a \ b \ d \ e
--R
--R
                         +-+ +----+
--R
         +----+
                       \|- a e + b d atanh(-----)
--R
                        +----+
--R
--R
                        \|- a e + b d
--R
             4 3 4 4 3 3 4 2 3
--R
--R
          24B b e x + ((40A b - 72B a b)e + 128B b d e)x
--R
                     3 223 4 3
--R
--R
             (- 280A a b + 504B a b )e + (400A b - 944B a b )d e
--R
--R.
                 4 2
--R
             464B b d e
--R
--R
            2
--R
            x
--R
                    2 2 3 3 3 2 2 2
--R
--R
             (-875A a b + 1575B a b)e + (1190A a b - 2842B a b )d e
--R
                             3 2 4 3
--R
--R
             (- 195A b + 1303B a b )d e - 60B b d
--R
--R
--R.
--R
                 3 4 3 2 2 3 2
          (-525A \ a \ b + 945B \ a \ ) e + (700A \ a \ b - 1680B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                 3 222 4 33
--R
          (-105A \ a \ b + 749B \ a \ b ) d \ e + (-30A \ b - 30B \ a \ b ) d
--R
--R
         +-+ +----+
--R
```

```
--R
--R /
--R
          7 2
               6 25 +-+
--R
       (60b x + 120a b x + 60a b) | b
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 869
--S 872 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 872
)clear all
--S 875 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
                 2 2
             2 3
                                               2
--R
          (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) | e x + d
     (1) -----
--R
--R
                          3 3 2 2 2 3
--R
                          b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 875
--S 876 of 1293
r0:=5/12*e*(4*b*B*d+3*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/(b^3*(b*d-a*e))-_
    1/4*(4*b*B*d+3*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)/(b^2*(b*d-a*e)*(a+b*x))-_
    1/2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(7/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)-_
    5/4*e*(4*b*B*d+3*A*b*e-7*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
    sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b*d-a*e)/b^(9/2)+5/4*e*(4*b*B*d+3*A*b*e-7*a*B*e)*_
    sqrt(d+e*x)/b^4
--R
--R
--R
     (2)
--R
                              2 2
            ((-45A b + 105B a b)e - 60B b d e)x
--R
--R
--R.
                              2 2
                                            2
                                                             2
--R.
            ((-90A \ a \ b + 210B \ a \ b)e - 120B \ a \ b \ d \ e)x + (-45A \ a \ b + 105B \ a \ )e
--R
--R
                  2
--R
            - 60B a b d e
--R
                             +-+ +----+
--R
--R
           +----+
```

```
\|- a e + b d atanh(-----)
--R
--R
                                                                                              +----+
--R
                                                                                            \|- a e + b d
--R
                                                  3 2 3 3 2 2 3 2
--R
                                       8B b e x + ((24A b - 56B a b)e + 56B b d e)x
--R
--R
--R
                                      ((75A a b - 175B a b)e + (- 27A b + 163B a b )d e - 12B b d )x
--R
--R
                                                                           3 2
--R
                                        (45A \ a \ b - 105B \ a \ )e + (-15A \ a \ b + 95B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                        3
--R
--R
                                      (- 6A b - 6B a b )d
--R
--R
                                    +-+ +----+
--R
                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                  6 2 5 2 4 +-+
--R
--R
                       (12b x + 24a b x + 12a b) | b
--R
                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 876
--S 879 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
             (3) 0
--R
                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 879
)clear all
--S 882 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
--R
                             (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus |e x + d
--R
--R
                                                3 3 2 2 2 3
--R.
                                               b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 882
--S 883 of 1293
r0:=-1/4*(4*b*B*d+A*b*e-5*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*(b*d-a*e)*(a+b*x))_{-}
              1/2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(5/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)-_
              3/4*e*(4*b*B*d+A*b*e-5*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/_
```

```
sqrt(b*d-a*e))/(b^{(7/2)}*sqrt(b*d-a*e))+3/4*e*(4*b*B*d+A*b*e-5*a*B*e)*_
                sqrt(d+e*x)/(b^3*(b*d-a*e))
--R
--R
                   (2)
--R
                                                                                                        2 2 3 2
--R
                                          ((-3A b + 15B a b)e - 12B b d e)x
--R
--R
                                                                                                2 2 2
                                                                        2
--R
                                            ((-6A \ a \ b \ + 30B \ a \ b)e \ - 24B \ a \ b \ d \ e)x + (-3A \ a \ b \ + 15B \ a \ )e
--R
--R
--R
                                                                 2
                                           - 12B a b d e
--R
 --R
 --R
                                                          +-+ +----+
 --R
                                                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                     atanh(-----)
                                                          +----+
--R
--R
                                                        \|- a e + b d
--R
--R
--R
                                           8B b e x + ((-5A b + 25B a b)e - 4B b d)x + (-3A a b + 15B a )e
--R
--R
                                                                 2
--R
                                            (-2Ab-2Bab)d
--R
--R
                                        +----+
--R
                                     --R /
                                  5 2 4 2 3 +----+ +-+
--R
--R
                         (4b x + 8a b x + 4a b) = a e + b d | b
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 883
--S 886 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
               (3) 0
--R
                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 886
)clear all
--S 889 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(d+e*x)/(a+b*x)^3
--R
--R
--R
--R
                                                  (B x + A) \setminus [e x + d]
```

```
--R
--R
         3 3 2 2 2 3
--R
         b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 889
--S 890 of 1293
r0:=-1/2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(3/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)-_
    1/4*e*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*_
    sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(5/2)*(b*d-a*e)^(3/2))-_
    1/4*(4*b*B*d-A*b*e-3*a*B*e)*sqrt(d+e*x)/(b^2*(b*d-a*e)*(a+b*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                  3
                       2 2
                                   3
--R
            ((- A b - 3B a b)e + 4B b d e)x
--R.
--R
                    2
                          2 2
                                       2
                                                     2 3 2
            ((-2A \ a \ b \ -6B \ a \ b)e \ +8B \ a \ b \ d \ e)x + (-A \ a \ b \ -3B \ a \ )e
--R
--R
--R
--R
            4B a b d e
--R
--R
                +-+ +----+
--R
               atanh(-----)
--R
                +----+
--R
--R
               \|- a e + b d
--R
--R
               2
                                2
                                                    2
--R
          (((A b - 5B a b)e + 4B b d)x + (- A a b - 3B a )e + (2A b + 2B a b)d)
--R
--R
           +----+
--R
          --R
                                              3 2
                            2 3 4
                  5 2
--R
                                                       2 3 +----+
--R
         ((4a b e - 4b d)x + (8a b e - 8a b d)x + 4a b e - 4a b d) | - a e + b d
--R
--R
--R
        \|b
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 890
--S 893 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 893
```

```
)clear all
--S 896 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                        B x + A
--R
     (1) -----
--R
          3 3
                  2 2 2 3 +----+
--R
         (b x + 3a b x + 3a b x + a) | e x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 896
--S 897 of 1293
r0:=1/4*e*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)*atanh(sqrt(b)*_
    sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b^(3/2)*(b*d-a*e)^(5/2))-_
    1/2*(A*b-a*B)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2)-_
    1/4*(4*b*B*d-3*A*b*e-a*B*e)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)^2*(a+b*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                  3 2 2 3 2
--R
            ((-3A b - B a b)e + 4B b d e)x
--R
                    2 2 2 2
--R
--R
            ((-6A \ a \ b \ -2B \ a \ b)e \ +8B \ a \ b \ d \ e)x + (-3A \ a \ b \ -B \ a \ )e
--R
--R
--R
            4B a b d e
--R
                +-+ +----+
--R
--R
               \b \leq x + d
--R
          atanh(-----)
--R
                +----+
--R
                \|- a e + b d
--R
--R
                                2
                                                  2
--R
          (((3A b + B a b)e - 4B b d)x + (5A a b - B a )e + (- 2A b - 2B a b)d)
--R
--R
           +----+
--R
          \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R /
             2 3 2
                                        3 2 2 2 3
--R
                      4
                              5 2 2
--R
          (4a b e - 8a b d e + 4b d )x + (8a b e - 16a b d e + 8a b d )x
--R
--R
            4 2 3 2
                             2 3 2
--R
          4a b e - 8a b d e + 4a b d
--R
         +----+ +-+
--R
```

```
--R
                             \|- a e + b d \|b
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 897
--S 900 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
               (3) 0
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 900
)clear all
--S 903 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
               (1)
--R
                       B x + A
--R /
--R
                                  3 4 2 3 3
                                                                                                                       2 2 2 3
                               (b e x + (3a b e + b d)x + (3a b e + 3a b d)x + (a e + 3a b d)x + a d)
--R
--R
--R
                               +----+
--R
                              \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 903
--S 904 of 1293
r0:=3/4*e*(4*b*B*d-5*A*b*e+a*B*e)*atanh(sqrt(b)*_
               sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/((b*d-a*e)^(7/2)*sqrt(b))-_
               3/4*e*(4*b*B*d-5*A*b*e+a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x))+_
               1/2*(-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2*sqrt(d+e*x))+_
               1/4*(-4*b*B*d+5*A*b*e-a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                                                                         2 2
--R
                                          ((15A b - 3B a b)e - 12B b d e)x
--R
--R
                                                                    2 2 2
                                                                                                                                    2
                                                                                                                                                                                  2
--R.
                                          ((30A \ a \ b \ - 6B \ a \ b)e \ - 24B \ a \ b \ d \ e)x + (15A \ a \ b \ - 3B \ a \ )e
--R
--R
                                                               2
--R
                                          - 12B a b d e
--R
--R
                                                                                      +-+ +----+
--R
                                                                                   \begin{tabular}{ll} \beg
                                    \|e x + d atanh(-----)
--R
```

```
--R
                        +----+
--R
                       \|- a e + b d
--R
--R
                                 2
                           2
           ((-15A b + 3B a b)e + 12B b d e)x
--R
--R
                                                     2 2 2 2
--R
           ((-25A \ a \ b + 5B \ a \ )e + (-5A \ b + 21B \ a \ b)d \ e + 4B \ b \ d \ )x - 8A \ a \ e
--R
--R
--R
                         2
                                   2
--R
           (-9A \ a \ b + 13B \ a \ )d \ e + (2A \ b + 2B \ a \ b)d
--R
          +----+ +-+
--R
--R
         \|- a e + b d \|b
--R /
--R
           3 2 3
                   232
                                4 2
                                       5 3 2
         (4a b e - 12a b d e + 12a b d e - 4b d )x
--R
--R
                   3 2 2 2 3 2 4 3 5 3 4 2
--R
           4 3
--R
         (8a b e - 24a b d e + 24a b d e - 8a b d )x + 4a e - 12a b d e
--R
--R
           3 2 2
                    2 3 3
--R
         12a b d e - 4a b d
--R
--R
        +----+
        \|- a e + b d \|b \|e x + d
--R
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 904
--S 907 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 907
)clear all
--S 910 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
   (1)
--R
     B x + A
--R /
--R
          3 2 5 2 2 3 4
                                     2 2 2 3 2 3
--R
         bex + (3a be + 2b de)x + (3a be + 6a b de + b d)x
--R
--R
          3 2 2 2 2 3 2 2 3 2
```

```
--R
                                  (a e + 6a b d e + 3a b d)x + (2a d e + 3a b d)x + a d
--R
--R
                               +----+
--R
                            \label{eq:lemma_def} \ + d
--R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 910
--S 911 of 1293
r0:=-5/12*e*(4*b*B*d-7*A*b*e+3*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(3/2))+_
              1/2*(-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2*(d+e*x)^(3/2))+_
              1/4*(-4*b*B*d+7*A*b*e-3*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(3/2))+_
              5/4*e*(4*b*B*d-7*A*b*e+3*a*B*e)*atanh(sqrt(b)*_
              sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))*sqrt(b)/(b*d-a*e)^(9/2)-_
              5/4*e*(4*b*B*d-7*A*b*e+3*a*B*e)/((b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                  3
                                                                                              2 3 3 2 3
--R
                                        ((-105A b + 45B a b)e + 60B b d e)x
--R
--R
--R
                                                         (-210A \ a \ b + 90B \ a \ b)e + (-105A \ b + 165B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                      3 2
--R
                                                        60B b d e
--R
--R
                                               2
--R
                                             х
--R
--R.
                                                                           2
                                                                                        3 3
--R
                                                   (-105A \ a \ b + 45B \ a \ )e + (-210A \ a \ b + 150B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                         2 2
--R
                                                   120B a b d e
--R
--R
--R
--R
                                                                                            3 2
                                                                 2
--R
                                        (-105A \ a \ b + 45B \ a ) d \ e + 60B \ a \ b \ d \ e
--R
                                                                                             +-+ +----+
--R
--R
                                    +-+ +----+
                                                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
                                 \|b \|e x + d atanh(-----)
--R.
                                                                                             +----+
--R.
--R.
                                                                                          --R
--R
                                                                                        2 3 3 2 3
--R
                                       ((105A b - 45B a b)e - 60B b d e)x
--R
--R
                                                                   2
                                                                                             2 3
                                                                                                                                      3
                                                                                                                                                                        2 2
                                                                                                                                                                                                            3 2 2
```

```
--R
          ((175A \ a \ b - 75B \ a \ b)e + (140A \ b - 160B \ a \ b)d \ e - 80B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                   2 3 3 2
--R
              (56A a b - 24B a )e + (238A a b - 134B a b)d e
--R
                  3
--R
                           2 2
                                    3 3
--R
              (21A b - 145B a b )d e - 12B b d
--R
--R
--R
                     2 3 2
--R
               3 3
          - 8A a e + (80A a b - 16B a )d e + (39A a b - 83B a b)d e
--R
--R
               3 2 3
--R
--R
          (- 6A b - 6B a b )d
--R
--R
          +----+
--R
         \|- a e + b d
--R /
            4 2 5 3 3 4 2 4 2 3 5 3 2 6 4 3
--R
--R
         (12a b e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12b d e)x
--R
--R
               5 5 4 2 4 3 3 2 3 2 4 3 2 5 4
--R
              24a b e - 84a b d e + 96a b d e - 24a b d e - 24a b d e
--R
               6 5
--R
--R
              12b d
--R
--R
           2
--R
           x
--R
           65 5 4 4223 3332 244 55
--R
--R
         (12a e - 24a b d e - 24a b d e + 96a b d e - 84a b d e + 24a b d )x
--R
           6 4 5 2 3
--R
                             4 2 3 2
                                        3 3 4
        12a d e - 48a b d e + 72a b d e - 48a b d e + 12a b d
--R
--R
--R
        +----+
--R
        \|- a e + b d \|e x + d
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 911
--S 914 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 914
```

```
)clear all
--S 917 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^3*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
--R
     (1)
--R
       B x + A
--R /
                       23 3 2 5
--R
            3 3 6
                                             2 3
                                                         2 2
                                                                    3 2 4
--R
           b e x + (3a b e + 3b d e)x + (3a b e + 9a b d e + 3b d e)x
--R
                         2
                     2
                                 2 2
--R
             3 3
                                          3 3 3
--R
           (a e + 9a b d e + 9a b d e + b d )x
--R
--R
              3 2 2 2
                                    2 3 2
                                               3 2
                                                         2 3
--R
           (3a d e + 9a b d e + 3a b d )x + (3a d e + 3a b d )x + a d
--R
--R
          +----+
--R
         \leq x + d
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 917
--S 918 of 1293
r0:=-7/20*e*(4*b*B*d-9*A*b*e+5*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2))+_
     1/2*(-A*b+a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^2*(d+e*x)^(5/2))+_
     1/4*(-4*b*B*d+9*A*b*e-5*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)*(d+e*x)^(5/2))-_
     7/12*e*(4*b*B*d-9*A*b*e+5*a*B*e)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2))+_
     7/4*b^{(3/2)}*e*(4*b*B*d-9*A*b*e+5*a*B*e)*_
     a tanh(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)/sqrt(b*d-a*e))/(b*d-a*e)^(11/2)-_
     7/4*b*e*(4*b*B*d-9*A*b*e+5*a*B*e)/((b*d-a*e)^5*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                 3 4
             ((945A b - 525B a b)e - 420B b d e)x
--R
--R
--R
                                      2 2 4
                                                    4
                           3
                 (1890A \ a \ b - 1050B \ a \ b ) e + (1890A \ b - 1890B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                         4 2 2
                 - 840B b d e
--R
--R.
--R.
                3
--R
               х
--R
--R
                                   3 4
--R
                 (945A \ a \ b \ - 525B \ a \ b)e \ + (3780A \ a \ b \ - 2520B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                        4
                                     3 2 2
                                                   4 3
```

```
--R
             (945A b - 2205B a b )d e - 420B b d e
--R
--R
             2
--R
           x
--R
                    2 2 3 3 3 2 2 2 2 2
--R
--R
             (1890A a b - 1050B a b)d e + (1890A a b - 1890B a b )d e
--R
                     3 3
--R
              - 840B a b d e
--R
--R
--R
--R
               2 2 3 2 2 2 3
--R
--R
          (945A a b - 525B a b)d e - 420B a b d e
--R
--R
                         +-+ +----+
--R
         +-+ +----+
                       \|b \|e x + d
--R
         \|b \|e x + d atanh(-----)
                         +----+
--R
--R
                         \|- a e + b d
--R
--R
                 4 3 4 4 3 4
--R
          ((-945A b + 525B a b)e + 420B b d e)x
--R
                 3 2 2 4 4 3 3
--R
--R
             (- 1575A a b + 875B a b )e + (- 2205A b + 1925B a b )d e
--R
--R
                  4 2 2
--R
             980B b d e
--R
--R
             3
--R
           x
--R
                    2 2 3 4
--R
                                        3
             (-504A \ a \ b + 280B \ a \ b)e + (-3717A \ a \ b + 2289B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                               3 2 2 4 3
             (- 1449A b + 2457B a b )d e + 644B b d e
--R
--R
--R
--R
            х
--R.
--R
                  3 4 4 2 2 3 3
             (72A \ a \ b - 40B \ a \ )e + (-1224A \ a \ b + 648B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                      3 2 2 2 2 4 3 3
--R
--R
              (-2493A \ a \ b + 1929B \ a \ b ) d \ e + (-135A \ b + 1183B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                  4 4
```

```
--R
            60B b d
--R
--R
          x
--R
              4 4 3 4 3 2 2 3 2 2
--R
          - 24A a e + (168A a b - 16B a )d e + (- 864A a b + 272B a b)d e
--R
--R
--R
                         2 2 3
         (-255A \ a \ b + 659B \ a \ b ) d \ e + (30A \ b + 30B \ a \ b ) d
--R
--R
--R
         \|- a e + b d
--R
--R /
             5 2 7 4 3 6 3 4 2 5 2 5 3 4 6 4 3
--R
--R
           60a b e - 300a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 300a b d e
--R
--R
              7 5 2
--R
           - 60b d e
--R
--R
--R
          x
--R
--R
             6 7 5 2 6 4 3 2 5 2 5 4 3 6 5 2
--R
           120a b e - 480a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 480a b d e
--R
             7 6
--R
--R
           - 120b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
             77 6 6 5225 4334 3443
--R
--R
            60a e - 60a b d e - 540a b d e + 1500a b d e - 1500a b d e
--R
              2552 66 77
--R
--R
           540a b d e + 60a b d e - 60b d
--R
--R
           2
--R
          x
--R
              7 6 6 2 5 5 2 3 4 3 4 5 2 2 5 6
--R
           120a d e - 480a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 480a b d e
--R
--R.
--R
                6 7
--R
          - 120a b d
--R
--R
--R
          7 2 5 6 3 4 5 2 4 3 4 3 5 2 3 4 6
--R
         60a d e - 300a b d e + 600a b d e - 600a b d e + 300a b d e
--R
```

```
--R
                2 5 7
--R
--R
           - 60a b d
--R
          +----+
--R
--R
         \|- a e + b d \|e x + d
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 918
--S 921 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 921
)clear all
--S 924 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+b*x)
--R
--R
--R
     (1)
--R
         2 3 2 2
                                                         2 +----+
                                                2
--R
      (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) \ b x + a \ e x + d
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 924
--S 925 of 1293
r0:=-1/48*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*_
     (d+e*x)^{(3/2)}/(b^3*e)-1/40*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*_
     (a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(5/2)/(b^2*e)+1/5*B*(a+b*x)^(3/2)*_
     (d+e*x)^{(7/2)}/(b*e)+1/128*(b*d-a*e)^{4}*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*_
     atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(9/2)*e^(5/2))-_
     1/64*(b*d-a*e)^2*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*_
     sqrt(d+e*x)/(b^4*e)-1/128*(b*d-a*e)^3*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*_
     sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^4*e^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                      4
                                5 5
                                             3 2
--R.
              (-150A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (600A \ a \ b - 375B \ a \ b)d \ e
--R.
--R
                      2 3
                                3 2 2 3
                                                     4
                                                                2 3 3 2
--R
              (-900A \ a \ b + 450B \ a \ b ) d \ e + (600A \ a \ b - 150B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                4 4
              (-150A b - 75B a b) d e + 45B b d
--R
--R
```

```
+-+ +----+
--R
--R
                                                 --R
                                 atanh(-----)
                                                   +-+ +----+
--R
--R
                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                       4 4 4 4 3 3
--R
--R
                                      384B b e x + ((480A b + 48B a b)e + 1008B b d e)x
--R
--R
                                                                         3
                                                                                            2 2 4
--R
                                                    (80A a b - 56B a b )e + (1360A b + 176B a b )d e
--R
                                                                     4 2 2
--R
--R
                                                      744B b d e
--R
--R
                                              2
--R
                                         x
--R
--R
                                                                          2 2 3 4
                                                                                                                                   3 22
                                                (-100A a b + 70B a b)e + (360A a b - 222B a b )d e
--R
--R
                                                                     4 3 2 2 4 3
--R
--R
                                                  (1180A b + 218B a b)d e + 30B b d e
--R
--R
--R
--R
                                                                        4 4
                                                                                                                                 2 2
--R
                                     (150A \ a \ b - 105B \ a \ ) e + (-550A \ a \ b + 340B \ a \ b) d \ e
--R
                                                           3 2 2 2 2 4 3 3 4 4
--R
                                       (730A a b - 346B a b )d e + (150A b + 60B a b )d e - 45B b d
--R
--R
--R
                                   +-+ +-+ +----+
--R
                                --R /
                                 4 2 +-+ +-+
--R
--R
                     1920b e \|b \|e
--R
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 925
--S 928 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 928
)clear all
```

```
--S 929 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x)
--R
--R
--R
                                       +----+
--R
    (1) (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus b x + a \setminus e x + d
                                                     Type: Expression(Integer)
--R
--E 929
--S 930 of 1293
r0:=-1/24*(3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*e)+_
    1/4*B*(a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(5/2)/(b*e)+1/64*(b*d-a*e)^3*_
    (3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
     (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(7/2)*e^(5/2))-1/32*(b*d-a*e)*_
     (3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e)-_
    1/64*(b*d-a*e)^2*(3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*_
    sqrt(d+e*x)/(b^3*e^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                          4 4
                                      2 2 3
--R
             (24A \ a \ b - 15B \ a \ )e + (-72A \ a \ b + 36B \ a \ b)d \ e
--R
                     3 2 2 2 2 4 3 3 4 4
--R
--R
             (72A \ a \ b \ - \ 18B \ a \ b \ )d \ e \ + \ (- \ 24A \ b \ - \ 12B \ a \ b \ )d \ e \ + \ 9B \ b \ d
--R
--R
                  +-+ +----+
--R
                 atanh(-----)
--R
--R.
                  +-+ +----+
--R
                 \b \ \ \ x + d
--R
--R
                  3 3 3
                                          2 3
--R
             48B b e x + ((64A b + 8B a b)e + 72B b d e)x
--R
                                         3
                                                       2 2
--R
                      2
                             2 3
--R.
             ((16A \ a \ b \ - \ 10B \ a \ b)e \ + (112A \ b \ + \ 20B \ a \ b \ )d \ e \ + \ 6B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                              3 3
                                                     2
--R
             (-24A \ a \ b + 15B \ a \ )e + (64A \ a \ b - 31B \ a \ b)d \ e
--R
                           2 2
--R
--R.
             (24A b + 9B a b)d e - 9B b d
--R.
            +-+ +-+ +-----+
--R
--R
           --R /
--R
           3 2 +-+ +-+
--R
       192b e \|b \|e
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
```

```
--E 930
--S 933 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 933
)clear all
--S 934 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
                   +----+
--R
    (1) (B x + A) \setminus |b x + a \mid |e x + d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 934
--S 935 of 1293
r0:=1/3*B*(a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(3/2)/(b*e)-1/8*(b*d-a*e)^2*_
    (2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
    (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(5/2)*e^(5/2))+1/4*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*_
    (a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e)+1/8*(b*d-a*e)*_
     (2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e^2)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                           3 3
--R
             (-6A \ a \ b + 3B \ a ) e + (12A \ a \ b - 3B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                           2 2
--R
             (-6Ab - 3Bab)de + 3Bbd
--R
                 +-+ +----+
--R
--R
                atanh(-----)
--R
                 +-+ +----+
--R
--R
                --R
--R.
                2 2 2
                              2
                                        2
                                                2
--R
             8B b e x + ((12A b + 2B a b)e + 2B b d e)x + (6A a b - 3B a )e
--R
--R
--R
             (6A b + 2B a b)d e - 3B b d
--R
--R
            +-+ +-+ +----+
--R
```

```
--R /
--R
          2 2 +-+ +-+
--R
       24b e \|b \|e
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 935
--S 938 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 938
)clear all
--S 939 of 1293
\texttt{t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/sqrt(d+e*x)}
--R
--R
--R
                    +----+
--R
          (B x + A) \setminus |b x + a
--R
      (1) -----
               +----+
--R
--R
                \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 939
--S 940 of 1293
r0:=1/4*(b*d-a*e)*(3*b*B*d-4*A*b*e+a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
     (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(3/2)*e^(5/2))+1/2*B*(a+b*x)^(3/2)*_
     sqrt(d+e*x)/(b*e)-1/4*(3*b*B*d-4*A*b*e+a*B*e)*_
     sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b*e^2)
--R
--R
      (2)
--R
--R
                         2 2
--R
            ((4A \ a \ b - B \ a \ )e + (-4A \ b - 2B \ a \ b)d \ e + 3B \ b \ d )
--R
--R
                  +-+ +----+
--R
                 --R
            atanh(-----)
--R.
                  +-+ +----+
--R
                  \b \leq x + d
--R
--R
                                             +-+ +-+ +-----+
--R
          (2B b e x + (4A b + B a)e - 3B b d) | b | e | b x + a | e x + d
--R /
--R
           2 +-+ +-+
        4b e \|b \|e
--R
```

```
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 940
--S 943 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 943
)clear all
--S 944 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
                    +----+
--R
          (B x + A) \setminus |b x + a|
--R
    (1) -----
             +----+
--R
          (e x + d) | e x + d
--R
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 944
--S 945 of 1293
r0:=-(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
     (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(e^(5/2)*sqrt(b))-2*(B*d-A*e)*_
     (a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))+(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*_
     sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(e^2*(b*d-a*e))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                                 +-+ +----+
--R
                                  +----+
                                                ((2A b + B a)e - 3B b d) | e x + d atanh(-----)
--R
                                                 +-+ +----+
--R
--R
                                                 --R
--R
                               +-+ +-+ +----+
--R
          (B e x - 2A e + 3B d) \setminus |b \setminus |e \setminus |b x + a
--R /
--R.
        2 +-+ +-+ +----+
--R
       e \mid b \mid e \mid x + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 945
--S 948 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
```

```
--R
--R
                         (3) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 948
)clear all
--S 949 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
                                                                                                                                             +----+
--R
                                                                                  (B x + A) \setminus |b x + a|
--R
--R
                                                             2 2
                                                                                             2 +----+
--R
                                                      (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 949
--S 950 of 1293
r0:=-2/3*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2))+_
                           2*B*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))*sqrt(b)/e^(5/2)-_
                           2*B*sqrt(a+b*x)/(e^2*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                                (2)
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                               2 +-+ +----+
--R
                                                                ((6B \ a \ e \ - \ 6B \ b \ d \ e)x + 6B \ a \ d \ e \ - \ 6B \ b \ d \ ) \setminus |b \ |e \ x + d
--R
--R
                                                                                                 +-+ +----+
--R
                                                                                              --R
                                                               atanh(-----)
                                                                                                   +-+ +----+
--R
--R
                                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                      2
--R
--R
                                                               (((-2A b - 6B a)e + 8B b d e)x - 2A a e - 4B a d e + 6B b d) | e
--R
--R
--R
                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                                                                                                                                                                   3 2 2 +-+ +----+
                                                                                                                     3
--R.
                                           ((3a e - 3b d e )x + 3a d e - 3b d e )\|e \|e x + d
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 950
--S 953 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
```

```
--R (3) 0
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 953
)clear all
--S 954 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
--R
                                                             (B x + A) \setminus |b x + a|
                 (1) -----
--R
                                   3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
                             (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 954
--S 955 of 1293
r0:=-2/5*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2))+_
               2/15*(3*b*B*d+2*A*b*e-5*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R (2)
--R
--R
                                  ((4A b - 10B a b)e + 6B b d)x
--R
--R
                                                                                                   2
--R
                                  ((-2A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (10A \ b + 2B \ a \ b)d)x - 6A \ a \ e
--R
--R
--R
                                (10A a b - 4B a )d
--R
--R
                               +----+
--R
                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                                                      3 2 2 2 2 2 3 2 2 3
--R
--R
                                  (15a e - 30a b d e + 15b d e )x + (30a d e - 60a b d e + 30b d e)x
--R
--R
                                         2 2 2
                                                                              3
                                15a d e - 30a b d e + 15b d
--R
--R
--R.
                               +----+
                             --R
--R
                                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 955
--S 958 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
```

```
--R
--R (3) 0
--R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 958
)clear all
--S 959 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(9/2)
--R
--R
--R
--R
                                                                           (B x + A) \setminus |b x + a|
--R
--R
                                4 4 3 3 2 2 2 3 4 +-----
--R
                            (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d)\|e x + d
--R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 959
--S 960 of 1293
r0:=-2/7*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(7/2))+_
              2/35*(3*b*B*d+4*A*b*e-7*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/_
              (e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2))+4/105*b*(3*b*B*d+4*A*b*e-7*a*B*e)*_
              (a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                  2 2 3
--R
                                ((-16A b + 28B a b)e - 12B b d e)x
--R.
--R
                                                                           2 2
                                 ((8A \ a \ b \ - 14B \ a \ b)e \ + (-56A \ b \ + 104B \ a \ b)d \ e \ - 42B \ b \ d)x
--R
--R
                                                                2 3 2 2
--R
--R
                                            (-6A \ a \ b - 42B \ a \ )e + (28A \ a \ b + 104B \ a \ b)d \ e
--R
                                                              3
--R
                                            (- 70A b - 14B a b )d
--R
--R
--R
--R
                                                                          2
--R
                                                   3 2
                                                                                                              3
--R.
                                - 30A a e + (84A a b - 12B a )d e + (- 70A a b + 28B a b)d
--R
                             +----+
--R
--R
                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                                    2 5 224 3333
--R
                                (105a e - 315a b d e + 315a b d e - 105b d e )x
--R
--R
```

```
3 5 2 2 4 2 3 3 3 4 2 2
--R
          (315a d e - 945a b d e + 945a b d e - 315b d e)x
--R
--R
              3 2 4 2 3 3
--R
                                      2 4 2
                                               3 5
--R
          (315a d e - 945a b d e + 945a b d e - 315b d e)x + 105a d e
--R
               2 4 2 2 5
--R
--R
          - 315a b d e + 315a b d e - 105b d
--R
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 960
--S 963 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 963
)clear all
--S 964 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(11/2)
--R
--R
--R
--R.
                            (B x + A) \setminus |b x + a|
--R
    (1) -----
          5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +----+
--R
--R
         (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 964
--S 965 of 1293
r0:=-2/9*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(9/2))+_
    2/21*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/_
    (e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2))+8/105*b*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*_
    (a+b*x)^{(3/2)}/(e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2))+16/315*b^2*_
    (b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2))
--R.
--R
--R
     (2)
                    3 3 4 2 4
--R
--R
          ((32A b - 48B a b)e + 16B b d e)x
--R
                  3 223 4
--R
--R
          ((- 16A a b + 24B a b )e + (144A b - 224B a b )d e + 72B b d e)x
```

```
--R
--R
                                                2 2 3 3 3 2 2 2
                                    (12A a b - 18B a b)e + (- 72A a b + 114B a b )d e
--R
--R
                                                    4 3 2 4 3
--R
                                 (252A b - 414B a b )d e + 126B b d
--R
--R
--R
--R
                                X
--R
--R
                                                     3 4 3 2 2 3 2
                                    (- 10A a b - 90B a )e + (54A a b + 334B a b)d e
--R
--R
                                                           3 222
--R
--R
                                    (-126A \ a \ b \ -414B \ a \ b \ ) d \ e \ + (210A \ b \ + 42B \ a \ b \ ) d
--R
--R
--R
                                                             3 4 2 2 2 3 2
--R
                                        4 3
                            -70A a e + (270A a b -20B a )d e + (-378A a b + 72B a b)d e
--R
--R
--R
                                            3 223
                            (210A a b - 84B a b )d
--R
--R
--R
                        +----+
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                   48 3 7 2226 335 4444
--R
--R
                            (315a e - 1260a b d e + 1890a b d e - 1260a b d e + 315b d e )x
--R.
                                                     4 7 3 2 6 2 2 3 5 3 4 4
--R
--R
                                        1260a d e - 5040a b d e + 7560a b d e - 5040a b d e
--R
--R
                                                     4 5 3
--R
                                       1260b d e
--R
--R
                                  3
--R
                                X
--R
                                                   4 2 6 3 3 5 2 2 4 4 3 5 3
--R
                                          1890a d e - 7560a b d e + 11340a b d e - 7560a b d e
--R
--R
--R
                                                  4 6 2
                                          1890b d e
--R
--R
--R
                                 2
--R
                                х
--R
                                      4 3 5 3 4 4 2 2 5 3 3 6 2 4 7
--R
                            (1260a d e - 5040a b d e + 7560a b d e - 5040a b d e + 1260b d e)x
--R
```

```
--R
            444 3 53 2262 37 48
--R
--R
          315a d e - 1260a b d e + 1890a b d e - 1260a b d e + 315b d
--R
         +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 965
--S 968 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 968
)clear all
--S 969 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(13/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
                                       +----+
--R
                              (B x + A) \setminus |b x + a|
--R
      6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6 +-----+
--R
--R
     (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d )\|e x + d
--R.
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 969
--S 970 of 1293
r0:=-2/11*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(11/2))+_
    2/99*(3*b*B*d+8*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
    (d+e*x)^{(9/2)}+4/231*b*(3*b*B*d+8*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^{(3/2)}_{-}
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(7/2))+16/1155*b^2*_
    (3*b*B*d+8*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^4*_
    (d+e*x)^{(5/2)}+32/3465*b^3*(3*b*B*d+8*A*b*e-11*a*B*e)*_
    (a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
     (2)
--R.
                   5
                             4 4 5 3 5
--R.
          ((-256A b + 352B a b)e - 96B b d e)x
--R
                      4 234
--R
--R
              (128A a b - 176B a b )e + (- 1408A b + 1984B a b )d e
--R
--R
                     5 2 2
```

```
--R
                               - 528B b d e
--R
--R
                                4
--R
                              x
--R
                                                     2 3 3 2 4
                                                                                                                      4 23 3
--R
--R
                                 (- 96A a b + 132B a b )e + (704A a b - 1004B a b )d e
--R
                                                     5 4 2 2 5 3
--R
                                (- 3168A b + 4620B a b )d e - 1188B b d e
--R
--R
--R
                                3
--R
                               x
--R
--R
                                              3 2 4 4 2 3 3 2 3
--R
                                  (80A a b - 110B a b)e + (- 528A a b + 756B a b )d e
--R
                                                                                                               5 4 3
--R
                                                      4 2322
--R
                                   (1584A a b - 2376B a b )d e + (- 3696A b + 5676B a b )d e
--R
--R
--R
                                - 1386B b d
--R
--R
                                 2
--R
                               x
--R
                                                    4 5 4 3 2 4 3
--R
--R
                                  (-70A \ a \ b - 770B \ a \ ) e + (440A \ a \ b + 3700B \ a \ b) d \ e
--R
                                                       23 3222 4 233
--R
--R
                                   (- 1188A a b - 6864B a b )d e + (1848A a b + 5676B a b )d e
--R
                                                      5
--R
--R
                                (- 2310A b - 462B a b )d
--R
--R
--R
                                                                                                                             3 2 4 2 2
                                                            4 5 3
--R
                           -630A a e + (3080A a b -140B a )d e + (-5940A a b + 660B a b)d e
--R
--R
                                         2 3 3 2 3
                                                                                                     4 234
--R
--R
                         (5544A a b - 1188B a b )d e + (- 2310A a b + 924B a b )d
--R.
--R
                        +----+
--R
                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                           5 10 4 9 3 2 2 8 2 3 3 7
--R
--R
                                 3465a e - 17325a b d e + 34650a b d e - 34650a b d e
--R
--R
                                                    446 555
```

```
--R
           17325a b d e - 3465b d e
--R
--R
           5
--R
          x
--R
                5 9 4 2 8 3 2 3 7 2 3 4 6
--R
--R
           17325a d e - 86625a b d e + 173250a b d e - 173250a b d e
--R
                  4 5 5 5 6 4
--R
           86625a b d e - 17325b d e
--R
--R
--R
--R
           x
--R
                5 2 8 4 3 7 3 2 4 6 2 3 5 5
--R
--R
            34650a d e - 173250a b d e + 346500a b d e - 346500a b d e
--R
                  4 6 4 5 7 3
--R
           173250a b d e - 34650b d e
--R
--R
--R
--R
           x
--R
--R
                5 3 7 4 4 6 3 2 5 5 2 3 6 4
            34650a d e - 173250a b d e + 346500a b d e - 346500a b d e
--R
--R
--R
                  473 582
--R
           173250a b d e - 34650b d e
--R
--R
           2
--R
           X
--R
                5 4 6 4 5 5
                                         3 2 6 4 2 3 7 3
--R
--R
           17325a d e - 86625a b d e + 173250a b d e - 173250a b d e
--R
                 4 8 2 5 9
--R
           86625a b d e - 17325b d e
--R
--R
--R
--R
            5 5 5 4 6 4 3 2 7 3 2 3 8 2
--R
--R
         3465a d e - 17325a b d e + 34650a b d e - 34650a b d e
--R
              4 9 5 10
--R
        17325a b d e - 3465b d
--R
--R
        +----+
--R
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 970
```

```
--S 973 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 973
)clear all
--S 974 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(a+b*x)/(d+e*x)^(15/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R.
                +----+
--R
       (B x + A) \setminus |b x + a|
--R /
--R
              77 66 255 344 433 522 6
--R
             e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x
--R
--R
              7
--R
             d
--R
          +----+
--R
--R
         \ensuremath{\mbox{le x + d}}
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 974
--S 975 of 1293
r0:=-2/13*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(13/2))+_
    2/143*(3*b*B*d+10*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_1
    (d+e*x)^{(11/2)}+16/1287*b*(3*b*B*d+10*A*b*e-13*a*B*e)*_
    (a+b*x)^{(3/2)}/(e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(9/2))+32/3003*b^2*_
    (3*b*B*d+10*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^4*_
    (d+e*x)^{(7/2)}+128/15015*b^3*(3*b*B*d+10*A*b*e-13*a*B*e)*_
    (a+b*x)^(3/2)/(e*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(5/2))+_
    256/45045*b^4*(3*b*B*d+10*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/_
    (e*(b*d-a*e)^6*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
     (2)
--R.
                   6
                               5 5 6 4 6
           ((2560A b - 3328B a b )e + 768B b d e )x
--R
--R
--R
                                2 4 5 6
--R
               (-1280A \ a \ b + 1664B \ a \ b ) e + (16640A \ b - 22016B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                      6 2 3
```

```
--R
           4992B b d e
--R
--R
           5
--R
           x
--R
                  24 335 5 244
--R
            (960A a b - 1248B a b )e + (- 8320A a b + 11104B a b )d e
--R
--R
                  6 5 2 3
--R
            (45760A b - 61984B a b )d e + 13728B b d e
--R
--R
--R
--R
--R
--R
                  3 3 4 2 5 2 4 3 3 4
--R
            (-800A a b + 1040B a b )e + (6240A a b - 8352B a b )d e
--R
--R
                     5 2 4 2 3 6 5 3 2
--R
            (-22880A \ a \ b + 31616B \ a \ b ) d \ e + (68640A \ b - 96096B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
           20592B b d e
--R
--R
--R
           3
--R
           x
--R
                 4 2 5 5 3 3 4 2 4
--R
--R
            (700A a b - 910B a b)e + (- 5200A a b + 6970B a b )d e
--R
                  24 3323 5 2432
--R
            (17160A \ a \ b \ - 23868B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 34320A \ a \ b \ + 49764B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                              5 4
--R
           (60060A b - 88374B a b )d e + 18018B b d
--R
--R
--R
           X
--R
                   5 6 5 4 2 5 4
--R
--R
           (-630A \ a \ b - 8190B \ a \ ) e + (4550A \ a \ b + 47950B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                    3 3 4 2 2 3
--R
            (- 14300A a b - 115180B a b )d e
--R
                   2 4 3 3 3 2
--R
            (25740A \ a \ b + 142428B \ a \ b \ ) d \ e + (-30030A \ a \ b -88374B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
           (30030A b + 6006B a b)d
--R
--R
```

```
--R
                           X
--R
                              6 5 5 6 4
--R
--R
                           -6930A a e + (40950A a b -1260B a )d e
--R
                                                                                                               3 3 4 2 3 2
--R
                                                   4 2
                                                                                5 23
--R
                        (- 100100A a b + 7280B a b)d e + (128700A a b - 17160B a b )d e
--R
                                                 2 4 3 3 4
                                                                                                                              5
--R
                        (- 90090A a b + 20592B a b )d e + (30030A a b - 12012B a b )d
--R
--R
                        +----+
--R
--R
                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                                                    5 11 4 2 2 10 3 3 3 9
                                              6 12
--R
                                    45045a e - 270270a b d e + 675675a b d e - 900900a b d e
--R
--R
                                                 2 4 4 8
                                                                              5 5 7 6 6 6
--R
                                675675a b d e - 270270a b d e + 45045b d e
--R
--R
--R
                               x
--R
--R
                                      6 11 5 2 10 4 2 3 9
                                  270270a d e - 1621620a b d e + 4054050a b d e
--R
--R
                                                      3 3 4 8 2 4 5 7
--R
--R
                                - 5405400a b d e + 4054050a b d e - 1621620a b d e + 270270b d e
--R
--R
                                5
--R
                               x
--R
                                                    6 2 10 5 3 9
--R
--R
                                 675675a d e - 4054050a b d e + 10135125a b d e
--R
                                                          3 3 5 7 2 4 6 6
--R
--R
                                   - 13513500a b d e + 10135125a b d e - 4054050a b d e
--R
--R
                                                684
--R
                                  675675b d e
--R
--R
--R.
                               x
--R
                                                6 3 9 5 4 8 4 2 5 7
--R
--R
                                900900a d e - 5405400a b d e + 13513500a b d e
--R
--R
                                                                                        2475
                                  - 18018000a b d e + 13513500a b d e - 5405400a b d e
--R
--R
```

```
--R
              6 9 3
--R
            900900b d e
--R
--R
            3
--R
           X
--R
                  6 4 8 5 5 7 4 2 6 6
--R
--R
            675675a d e - 4054050a b d e + 10135125a b d e
--R
--R
                     3 3 7 5
                                    2 4 8 4
--R
            - 13513500a b d e + 10135125a b d e - 4054050a b d e
--R
                 6 10 2
--R
--R
            675675b d e
--R
--R
            2
--R
           X
--R
                 657 566 4275 3384
--R
--R
            270270a d e - 1621620a b d e + 4054050a b d e - 5405400a b d e
--R
                   2 4 9 3 5 10 2 6 11
--R
--R
             4054050a b d e - 1621620a b d e + 270270b d e
--R
--R
--R
              6 6 6 5 7 5 4 2 8 4 3 3 9 3
--R
--R
         45045a d e - 270270a b d e + 675675a b d e - 900900a b d e
--R
               2 4 10 2 5 11 6 12
--R
--R
         675675a b d e - 270270a b d e + 45045b d
--R
--R
        +----+
--R
        \ | e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 975
--S 978 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 978
)clear all
--S 979 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)
--R
```

```
--R
               (1)
--R
--R
                                     2 4
--R
                        B b e x + ((A b + B a)e + 2B b d e)x
--R
--R
--R
                         (A a e + (2A b + 2B a)d e + B b d)x + (2A a d e + (A b + B a)d)x
--R
--R
                                     2
--R
                        Aad
--R
                      +----+
--R
--R
                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 979
--S 980 of 1293
r0:=-1/96*(b*d-a*e)*(5*b*B*d-12*A*b*e+7*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*_
            (d+e*x)^{(3/2)}/(b^3*e)-1/60*(5*b*B*d-12*A*b*e+7*a*B*e)*(a+b*x)^{(5/2)}*_
             (d+e*x)^(5/2)/(b^2*e)+1/6*B*(a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(7/2)/(b*e)-_
            1/512*(b*d-a*e)^5*(5*b*B*d-12*A*b*e+7*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*_
            sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(9/2)*e^(7/2))-_
            1/768*(b*d-a*e)^3*(5*b*B*d-12*A*b*e+7*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*_
            sqrt(d+e*x)/(b^4*e^2)-1/192*(b*d-a*e)^2*(5*b*B*d-_
            12*A*b*e+7*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/(b^4*e)+_
            1/512*(b*d-a*e)^4*(5*b*B*d-12*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*_
            sqrt(d+e*x)/(b^4*e^3)
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                                                    6 6
                                                                                                                   4 2
--R
                                   (-180A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (900A \ a \ b - 450B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                                         4 2 2 4
                                                                                                                                      2 4
--R
                                   (-1800A \ a \ b + 675B \ a \ b ) d \ e + (1800A \ a \ b - 300B \ a \ b ) d \ e
--R
--R.
                                                             5
                                                                                      2 4 4 2
                                                                                                                                                                5 5
                                                                                                                                 6
--R
                                   (-900A \ a \ b \ -225B \ a \ b \ ) d \ e \ + (180A \ b \ +270B \ a \ b \ ) d \ e \ -75B \ b \ d
--R
--R
                                               +-+ +----+
--R
                                            atanh(-----)
--R
--R.
                                               +-+ +----+
--R.
                                            --R
                                                    5 5 5
--R
                                                                                              5
                                                                                                                              4 5
--R
                                  1280B b e x + ((1536A b + 1664B a b)e + 3200B b d e)x
--R
--R
                                                                                           2 3 5
                                                                                                                                  5
--R
                                             (2112A \ a \ b + 48B \ a \ b ) e + (4032A \ b + 4448B \ a \ b ) d \ e
```

```
--R
               5 2 3
--R
--R
              2160B b d e
--R
--R
              3
--R
--R
                   2 3 3 2 5
--R
              (96A a b - 56B a b )e + (6144A a b + 216B a b )d e
--R
--R
--R
                    5 4 2 3 5 3 2
              (2976A b + 3384B a b )d e + 40B b d e
--R
--R
--R
--R
             x
--R
--R
                     3 2 4 5 2 3 3 2 4
--R
              (-120A a b + 70B a b)e + (552A a b - 272B a b )d e
--R
                      4 2323 5 432
--R
--R
               (5592A \ a \ b + 348B \ a \ b ) d \ e + (120A \ b + 160B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                    5 4
--R
              - 50B b d e
--R
--R
--R
                4 5 5 3 2 4 4
--R
--R
           (180A \ a \ b - 105B \ a \ ) e + (-840A \ a \ b + 415B \ a \ b) d \ e
--R
                 2 3 3 2 2 3
--R
--R
           (1536A \ a \ b \ - 546B \ a \ b \ ) d \ e \ + (840A \ a \ b \ + 150B \ a \ b \ ) d \ e
--R
                           4 4 5 5
--R
--R
           (- 180A b - 245B a b )d e + 75B b d
--R
          +-+ +-+ +-----+
--R
--R
         --R /
--R
         4 3 +-+ +-+
--R
      7680b e \|b \|e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 980
--S 983 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
```

```
--E 983
)clear all
--S 984 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
                         (1)
--R
--R
                                                                                                                                                                                     2
--R
                                  (B b e x + ((A b + B a)e + B b d)x + (A a e + (A b + B a)d)x + A a d)
--R
--R
                                      +----+
--R
                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 984
--S 985 of 1293
r0:=1/8*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*e)+_
                     1/5*B*(a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(5/2)/(b*e)+3/128*(b*d-a*e)^4*_
                      (2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*_
                     sqrt(d+e*x)))/(b^{(7/2)}*e^{(7/2)}+1/64*(b*d-a*e)^2*(2*A*b*e-_
                     B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e^2)+1/16*(b*d-a*e)*_
                     (2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e)-_
                     3/128*(b*d-a*e)^3*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e^3)
--R
--R
--R
                          (2)
--R
                                                                                                                             5 5
                                                                                                                                                                                                 3 2
--R.
                                                           (30A \ a \ b - 15B \ a \ )e + (-120A \ a \ b + 45B \ a \ b)d \ e
--R.
                                                                                        2 3 3 2 2 3
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                        2 3 3 2
--R
                                                           (180A a b - 30B a b )d e + (- 120A a b - 30B a b )d e
--R
--R
                                                                                                                            4 4
                                                           (30A b + 45B a b) d e - 15B b d
--R
--R
--R
                                                                               +-+ +----+
--R
                                                                           atanh(-----)
--R
                                                                                +-+ +----+
 --R
 --R
                                                                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
--R.
                                                                                   4 4 4
                                                                                                                                                                                                     3 4
--R
                                                          128B b e x + ((160A b + 176B a b)e + 176B b d e)x
--R
--R
                                                                                                                                      2 2 4
                                                                                                                                                                                                                                                      3 3
--R
                                                           ((240A \ a \ b + 8B \ a \ b ) e + (240A \ b + 272B \ a \ b ) d \ e + 8B \ b \ d \ e ) x
--R
--R
                                                                                                    2 2
                                                                                                                                           3 4
                                                                                                                                                                                                                                                                2 2 3
                                                                                                                                                                                                                          3
```

```
--R
                  (20A \ a \ b - 10B \ a \ b)e + (440A \ a \ b + 26B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                  3 2 2
                                             4 3
--R
                  (20A b + 26B a b) d e - 10B b d e
--R
--R
--R
--R
                                              2 2
              (-30A \ a \ b + 15B \ a \ )e + (110A \ a \ b - 40B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                2 2 2 2
                                                            3 3
--R
                                                 4
              (110A \ a \ b + 18B \ a \ b ) d \ e + (-30A \ b - 40B \ a \ b ) d \ e + 15B \ b \ d
--R
--R
             +-+ +-+ +----+
--R
--R
            --R /
--R
            3 3 +-+ +-+
--R
        640b e \|b \|e
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 985
--S 988 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 988
)clear all
--S 989 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)*sqrt(d+e*x)
--R
                                         +----+
--R
--R
     (1) (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a \setminus |e x + d
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 989
--S 990 of 1293
r0:=1/4*B*(a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(3/2)/(b*e)-1/64*(b*d-a*e)^3*_
     (5*b*B*d-8*A*b*e+3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
     (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(5/2)*e^(7/2))-1/96*(b*d-a*e)*_
     (5*b*B*d-8*A*b*e+3*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e^2)-_
     1/24*(5*b*B*d-8*A*b*e+3*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e)+_
     1/64*(b*d-a*e)^2*(5*b*B*d-8*A*b*e+3*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*_
     sqrt(d+e*x)/(b^2*e^3)
--R
--R
```

```
(2)
--R
--R
                                                        3 4 4 2 2 3 3
--R
                                      (-24A \ a \ b + 9B \ a \ )e + (72A \ a \ b - 12B \ a \ b)d \ e
--R
                                                             3 2222 4 33 44
--R
--R
                                      (-72A \ a \ b \ -18B \ a \ b \ ) d \ e \ + (24A \ b \ +36B \ a \ b \ ) d \ e \ -15B \ b \ d
--R
--R
                                                  +-+ +----+
--R
                                               \|e \|b x + a
                                atanh(-----)
--R
                                                 +-+ +----+
--R
--R
                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                      2 3 3 2 2
--R
--R
                                    48B b e x + ((64A b + 72B a b )e + 8B b d e )x
--R
--R
                                                                               2 3
                                                                                                                        3
                                                                                                                                                     2 2
                                    ((112A a b + 6B a b)e + (16A b + 20B a b )d e - 10B b d e)x
--R
--R
                                                                   3 3 2 2
--R
                                      (24A \ a \ b - 9B \ a \ )e + (64A \ a \ b + 9B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                                                       3 2 2 3 3
--R
                                      (-24A b - 31B a b)d e + 15B b d
--R
                                  +-+ +-+ +-----+
--R
                                --R
--R /
--R
                                2 3 +-+ +-+
--R
                      192b e \|b \|e
--R
                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 990
--S 993 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
            (3) 0
--R
                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 993
)clear all
--S 994 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
--R
                         (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R (1) -----
```

```
--R
                         +----+
--R
                        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 994
--S 995 of 1293
r0:=-1/8*(b*d-a*e)^2*(5*b*B*d-6*A*b*e+a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
     (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(3/2)*e^(7/2))-1/12*(5*b*B*d-6*A*b*e+a*B*e)*_
    (a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b*e^2)+1/3*B*(a+b*x)^(5/2)*_
    sqrt(d+e*x)/(b*e)+1/8*(b*d-a*e)*(5*b*B*d-6*A*b*e+a*B*e)*_
    sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b*e^3)
--R
--R
--R
     (2)
--R
                         3 3
                                          2
                   2
                                                 2
--R
             (18A \ a \ b - 3B \ a \ )e + (-36A \ a \ b - 9B \ a \ b)d \ e
--R.
--R
                           2 2
                                      3 3
--R
             (18A b + 27B a b) d e - 15B b d
--R
--R
                  +-+ +----+
--R
                 \leq |b x + a|
           atanh(-----)
--R
                  +-+ +----+
--R
--R
                 --R
--R
--R
             8B b e x + ((12A b + 14B a b)e - 10B b d e)x + (30A a b + 3B a )e
--R
--R
                     2
--R
             (-18A b - 22B a b)d e + 15B b d
--R
--R
            +-+ +-+ +----+
--R
           --R /
            3 +-+ +-+
--R
--R
       24b e \|b \|e
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 995
--S 998 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 998
)clear all
```

```
--S 999 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
                2
--R
          (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
--R
--R
                    (e x + d) | e x + d
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 999
--S 1000 of 1293
r0:=3/4*(b*d-a*e)*(5*b*B*d-4*A*b*e-a*B*e)*atanh(sqrt(e)*_
     sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(e^(7/2)*sqrt(b))-_
     2*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))+_
     1/2*(5*b*B*d-4*A*b*e-a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(e^2*(b*d-a*e))-_
     3/4*(5*b*B*d-4*A*b*e-a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/e^3
--R
--R
--R
      (2)
--R
                                                                2 2 +----+
--R
            ((12A \ a \ b + 3B \ a \ )e + (-12A \ b - 18B \ a \ b)d \ e + 15B \ b \ d ) |e \ x + d
--R
--R
                  +-+ +----+
                 --R
--R
           atanh(-----)
                  +-+ +----+
--R
--R
                 --R
--R
                   2 2
--R
             2B b e x + ((4A b + 5B a)e - 5B b d e)x - 8A a e
--R
--R
--R
             (12A b + 13B a)d e - 15B b d
--R
            +-+ +-+ +----+
--R.
--R
           --R
--R
         3 +-+ +-+ +----+
--R
        4e \mid b \mid e \mid e x + d
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1000
--S 1003 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1003
)clear all
--S 1004 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
                                               2
--R
                               (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
                 (1) -----
                                                                                               2 +----+
--R
                                                2 2
                                             (e x + 2d e x + d) | e x + d
--R
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1004
--S 1005 of 1293
r0:=-2/3*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2))-_
              (5*b*B*d-2*A*b*e-3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
              (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))*sqrt(b)/e^(7/2)-2/3*(5*b*B*d-2*A*b*e-3*a*B*e)*_
              (a+b*x)^(3/2)/(e^2*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))+b*(5*b*B*d-2*A*b*e-3*a*B*e)*_
              sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(e^3*(b*d-a*e))
--R
--R
--R
                 (2)
                                                                                                                                                                                                            2 +-+
--R
--R
                                  (((6A b + 9B a)e - 15B b d e)x + (6A b + 9B a)d e - 15B b d) | b
--R
--R
                                                                                 +-+ +----+
--R.
                                    +----+
                                                                               \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                                 +-+ +----+
--R
--R
                                                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                        2 2
                                                                                                                         2
                                       3B b e x + ((-8A b - 6B a)e + 20B b d e)x - 2A a e
--R
--R
--R
                                        (-6A b - 4B a)d e + 15B b d
--R
--R
                                    +-+ +----+
--R
--R
                                 --R /
--R.
                                                       3 +-+ +----+
                       (3e x + 3d e) \le x + d
--R
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1005
--S 1008 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
```

```
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1008
)clear all
--S 1009 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
--R
           (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
     (1) -----
--R
           3 3
                 2 2
                           2 3 +----+
--R
          (e x + 3d e x + 3d e x + d)\|e x + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1009
--S 1010 of 1293
r0:=-2/5*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2))-_
    2/3*B*(a+b*x)^(3/2)/(e^2*(d+e*x)^(3/2))+2*b^(3/2)*_
    B*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/e^{(7/2)}-
    2*b*B*sqrt(a+b*x)/(e^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
      (2)
--R
                       3
                               2 2 2
                                                      2
--R
             (30B \ a \ b \ e \ - \ 30B \ b \ d \ e \ )x + (60B \ a \ b \ d \ e \ - \ 60B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                      2
                               2 3
--R
             30B a b d e - 30B b d
--R
--R
                               +-+ +----+
            +-+ +----+
--R
                               --R
           \|b \|e x + d atanh(-----)
                               +-+ +----+
--R
--R
                               --R
--R
             ((-6A b - 40B a b)e + 46B b d e)x
--R
--R.
--R
                               2 3
                                                         2 2
--R
             ((-12A \ a \ b - 10B \ a \ )e \ -48B \ a \ b \ d \ e \ +70B \ b \ d \ e)x \ -6A \ a \ e
--R
--R
                   2 2
                                   2
--R
             - 4B a d e - 20B a b d e + 30B b d
--R
--R
            +-+ +----+
```

```
\|e \|b x + a
--R
--R /
             6 5 2 5 2 4 2 4 3 3
--R
--R
         ((15a e - 15b d e)x + (30a d e - 30b d e)x + 15a d e - 15b d e)
--R
         +-+ +----+
--R
--R
        \leq \leq x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1010
--S 1013 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1013
)clear all
--S 1014 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(9/2)
--R
--R
--R
             (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
--R
          4 4 3 3 2 2 2 3 4 +----+
--R
--R
         (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) | e x + d
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1014
--S 1015 of 1293
r0:=-2/7*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(7/2))+_
    2/35*(5*b*B*d+2*A*b*e-7*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
     (2)
                        2
--R
               3
--R
          ((4A b - 14B a b)e + 10B b d)x
--R
--R
                   2 2
                                   3
--R.
          ((-2A \ a \ b \ -28B \ a \ b)e + (14A \ b \ +16B \ a \ b \ )d)x
--R
                                 2
--R
                  2
                       3
                                              2
          ((-16A \ a \ b - 14B \ a \ ) e + (28A \ a \ b + 2B \ a \ b)d)x - 10A \ a \ e
--R
--R
--R
               2
--R
         (14A a b - 4B a )d
--R
```

```
--R
                           +----+
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                         2 5
                                                                   4 223 3
--R
                               (35a e - 70a b d e + 35b d e)x
--R
                                                                   23 2322
--R
--R
                               (105a d e - 210a b d e + 105b d e)x
--R
                                                                                                                2 4
--R
                                            2 2 3
                                                                                  3 2
                                                                                                                                             2 3 2
--R
                               (105a d e - 210a b d e + 105b d e)x + 35a d e - 70a b d e + 35b d
--R
                            +----+
--R
--R
                          \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1015
--S 1018 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
           (3) 0
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 1018
)clear all
--S 1019 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(11/2)
--R
--R
--R
                                                                            2
--R
                                                           (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
               (1) -----
--R
                              5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +----+
--R
                            (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
--R
                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1019
--S 1020 of 1293
r0:=-2/9*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(9/2))+_
             2/63*(5*b*B*d+4*A*b*e-9*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
             (d+e*x)^{(7/2)}+4/315*b*(5*b*B*d+4*A*b*e-9*a*B*e)*(a+b*x)^{(5/2)}_{-}
             (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                   4 3 2 4 4
--R
                              ((-16A b + 36B a b)e - 20B b d e)x
--R
```

```
3 222 4 3 423
--R
--R
                             ((8A \ a \ b \ - 18B \ a \ b \ )e \ + (- 72A \ b \ + 172B \ a \ b \ )d \ e \ - 90B \ b \ d \ )x
--R
--R
                                                       2 2 3 2
                                                                                                                           3
--R
                                      (-6A a b - 144B a b)e + (36A a b + 384B a b )d e
--R
--R
--R
                                   (- 126A b - 144B a b )d
--R
--R
                                  2
--R
                                  X
--R
                                                          3 4 2
                                                                                                                   2 2 3
--R
                                      (- 100A a b - 90B a )e + (288A a b + 172B a b)d e
--R
 --R
--R
                                                              3 222
--R
                                       (- 252A a b - 18B a b )d
--R
--R
--R
--R
                                                                                                                              2 2 3 2
--R
                              - 70A a e + (180A a b - 20B a )d e + (- 126A a b + 36B a b)d
--R
                          +----+
--R
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                     37 2 6 225 3344
--R
--R
                             (315a e - 945a b d e + 945a b d e - 315b d e )x
--R
                                           3 6 2 2 5 2 3 4 3 4 3 3
--R
                             (1260a d e - 3780a b d e + 3780a b d e - 1260b d e )x
--R
--R
                                           3 2 5 2 3 4
--R
                                                                                                                  2 4 3
--R
                             (1890a d e - 5670a b d e + 5670a b d e - 1890b d e )x
--R
                                          3 3 4 2 4 3
                                                                                                                 252 36 343
--R
--R
                            (1260a d e - 3780a b d e + 3780a b d e - 1260b d e)x + 315a d e
--R
--R
                                      2 5 2 2 6 3 7
--R
                            - 945a b d e + 945a b d e - 315b d
--R
                          +----+
--R
--R.
                        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1020
--S 1023 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
```

```
--R (3) 0
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1023
)clear all
--S 1024 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(13/2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
--R
                     (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R
           5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6 +-----+
--R
--R
     (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d )\|e x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1024
--S 1025 of 1293
r0:=-2/11*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(11/2))+_
    2/99*(5*b*B*d+6*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
    (d+e*x)^{(9/2)}+8/693*b*(5*b*B*d+6*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^{(5/2)}_{-}
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(7/2))+16/3465*b^2*_
    (5*b*B*d+6*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                    4 3 5 2 5
--R.
           ((96A b - 176B a b)e + 80B b d e)x
--R
                    4 2 3 3 5 4 2 5 2 4
--R
--R
           ((-48A \ a \ b + 88B \ a \ b) \ e + (528A \ b - 1008B \ a \ b) \ d \ e + 440B \ b \ d \ e)x
--R
                   2 3
--R
                           3 2 3
                                                        23 2
              (36A \ a \ b - 66B \ a \ b ) e + (-264A \ a \ b + 514B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                    5
                               4 2
              (1188A b - 2398B a b )d e + 990B b d
--R
--R
--R
             3
--R
            x
--R.
--R
                     3 2 4 3 2 3
                                                     3 2
--R
              (- 30A a b - 1100B a b)e + (198A a b + 4232B a b )d e
--R
                       4 232 5 43
--R
              (-594A \ a \ b \ -5676B \ a \ b \ ) d \ e \ + (1386A \ b \ + 1584B \ a \ b \ ) d
--R
--R
--R
             2
```

```
--R
                              x
--R
                                                           4 5 3 3 2 4 2
--R
--R
                                    (- 840A a b - 770B a )e + (3300A a b + 2490B a b)d e
--R
                                                              2 3 3 2 2
--R
--R
                                   (-4752A a b - 2398B a b )d e + (2772A a b + 198B a b )d
--R
--R
--R
--R
                                                5 3 4 5 2 3 2 4 2
                              - 630A a e + (2310A a b - 140B a )d e + (- 2970A a b + 440B a b)d e
--R
--R
--R
                                               2 3 3 2 3
--R
                            (1386A a b - 396B a b )d
--R
--R
                          +----+
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                     49 3 8 2227 336
--R
--R
                                             3465a e - 13860a b d e + 20790a b d e - 13860a b d e
--R
--R
                                                     4 4 5
--R
                                             3465b d e
--R
--R
                                    5
--R
                                  x
--R
                                                    4 8 3 2 7 2 2 3 6 3 4 5
--R
--R
                                      17325a d e - 69300a b d e + 103950a b d e - 69300a b d e
--R
--R
                                                      4 5 4
--R
                                    17325b d e
--R
--R
--R
                                   x
--R
                                                    4 2 7 3 3 6 2 2 4 5
                                                                                                                                                                                    3 5 4
--R
                                        34650a d e - 138600a b d e + 207900a b d e - 138600a b d e
--R
--R
--R
                                                   4 6 3
--R
                                        34650b d e
--R
--R
                                     3
--R
                                   х
--R
                                                   4 3 6 3 4 5 2 2 5 4 3 6 3
--R
--R
                                    34650a d e - 138600a b d e + 207900a b d e - 138600a b d e
--R
--R
                                                       4 7 2
```

```
34650b d e
--R
--R
--R
             2
--R
            X
--R
                    4 4 5 3 5 4 2 2 6 3
                                                                3 7 2
--R
--R
              17325a d e - 69300a b d e + 103950a b d e - 69300a b d e
--R
                    4 8
--R
              17325b d e
--R
--R
--R
--R
                        3 6 3 2 2 7 2
--R
             4 5 4
                                                      3 8
--R
          3465a d e - 13860a b d e + 20790a b d e - 13860a b d e + 3465b d
--R
--R
         +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \ + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1025
--S 1028 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
    (3) 0
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1028
)clear all
--S 1029 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(15/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
--R
       (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R /
                                                 4 3 3 5 2 2 6
--R
                    6 6
                             255 344
            e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x
--R
--R
--R
             7
--R
            d
--R
--R
         +----+
--R
         \le x + d
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1029
```

```
--S 1030 of 1293
r0:=-2/13*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(13/2))+_
     2/143*(5*b*B*d+8*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*_
     (b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(11/2))+4/429*b*(5*b*B*d+8*A*b*e-13*a*B*e)*\_
     (a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(9/2))+16/3003*b^2*_
     (5*b*B*d+8*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^4*_
     (d+e*x)^(7/2)+32/15015*b^3*(5*b*B*d+8*A*b*e-13*a*B*e)*_
     (a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                5 4
                                             6 3 6
                     6
            ((-256A b + 416B a b)e - 160B b d e)x
--R
--R
--R
                        5
                                 2 4 4
                                                    6
--R
                (128A \ a \ b \ - 208B \ a \ b \ ) e \ + (- 1664A \ b \ + 2784B \ a \ b \ ) d \ e
--R.
--R
                        6 2 2
               - 1040B b d e
--R
--R
--R
              5
--R
             х
--R
--R
                       2 4 3 3 4 5
                (-96A \ a \ b + 156B \ a \ b ) e + (832A \ a \ b - 1412B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                               5 2 2
--R
--R
                (-4576A b + 7956B a b) d e - 2860B b d e
--R
--R.
               4
--R
             X
--R
--R
                                4 2 4
                                                    2 4
--R
               (80A \ a \ b - 130B \ a \ b ) e + (-624A \ a \ b + 1064B \ a \ b ) d \ e
--R
                                   2 4 2 2
--R
                         5
                                                        6
--R
                (2288A \ a \ b \ - 4108B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 6864A \ b \ + 12584B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                        6 4
--R
                - 4290B b d
--R
--R
              3
--R.
             x
--R.
--R
                       4 2
                               5 4 3 3
                                                                 4 2
               (-70A \ a \ b \ -3640B \ a \ b)e \ + (520A \ a \ b \ + 17880B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                                       3 3 2 2
                          2 4
               (- 1716A a b - 34424B a b )d e + (3432A a b + 30888B a b )d e
--R
--R.
```

```
6 5 4
--R
--R
                                 (- 6006A b - 6864B a b )d
--R
--R
                                  2
--R
                                X
--R
                                                        5 64 42 53
--R
--R
                                  (-2940A \ a \ b - 2730B \ a \ ) e + (14560A \ a \ b + 12040B \ a \ b) d \ e
--R
                                                                                                                                           2 4 3 3 3
                                                            3 3 4 2 2 2
--R
--R
                                   (- 28600A a b - 19500B a b )d e + (27456A a b + 12584B a b )d e
--R
                                                               5 244
--R
                                 (- 12012A a b - 858B a b )d
--R
--R
--R
                               X
--R
                                                                  5 6 3
--R
                                             6 4
--R
                           - 2310A a e + (10920A a b - 420B a )d e
--R
--R
                                                 4 2 5 2 2
                                                                                                                3 3 4 2 3
--R
                          (- 20020A a b + 1820B a b)d e + (17160A a b - 2860B a b )d e
--R
                                               2 4 3 3 4
--R
--R
                            (- 6006A a b + 1716B a b )d
--R
                        +----+
--R
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                               5 11 4 10 3 2 2 9 2 3 3 8
--R
--R
                                    15015a e - 75075a b d e + 150150a b d e - 150150a b d e
--R
                                                    4 4 7 5 5 6
--R
--R
                                75075a b d e - 15015b d e
--R
--R
--R
                               X
--R
                                                 5 10 4 2 9 3 2 3 8 2 3 4 7
--R
--R
                                   90090a d e - 450450a b d e + 900900a b d e - 900900a b d e
--R
                                                      4 5 6 5 6 5
--R
--R.
                                 450450a b d e - 90090b d e
--R
--R
                                  5
--R
--R
                                                                      4 3 8 3 2 4 7 2 3 5 6
--R
                                 225225a d e - 1126125a b d e + 2252250a b d e - 2252250a b d e
--R
--R
```

```
4 6 5 5 7 4
--R
--R
            1126125a b d e - 225225b d e
--R
--R
            4
--R
           X
--R
                  5 3 8 4 4 7 3 2 5 6 2 3 6 5
--R
--R
            300300a d e - 1501500a b d e + 3003000a b d e - 3003000a b d e
--R
                               583
--R
                   474
--R
            1501500a b d e - 300300b d e
--R
--R
           3
--R
           x
--R
--R
                 5 4 7 4 5 6 3 2 6 5 2 3 7 4
--R
           225225a d e - 1126125a b d e + 2252250a b d e - 2252250a b d e
--R
--R
                   483 592
--R
           1126125a b d e - 225225b d e
--R
--R
           2
--R
           х
--R
                5 5 6 4 6 5 3 2 7 4 2 3 8 3
--R
            90090a d e - 450450a b d e + 900900a b d e - 900900a b d e
--R
--R
              4 9 2 5 10
--R
--R
            450450a b d e - 90090b d e
--R
--R
--R
                                     3 2 8 3
             5 6 5 4 7 4
--R
--R
         15015a d e - 75075a b d e + 150150a b d e - 150150a b d e
--R
               4 10 5 11
--R
        75075a b d e - 15015b d
--R
--R
--R
        +----+
--R
        \label{eq:lemma_def} \
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1030
--S 1033 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1033
```

```
)clear all
--S 1034 of 1293
t0:=(a+b*x)^(3/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(17/2)
--R
--R
--R
     (1)
--R
--R
        (B b x + (A b + B a)x + A a) \setminus |b x + a
--R /
                    7 7
                             266 355
                                                   4 4 4 5 3 3 6 2 2
--R
            88
           e x + 8d e x + 28d e x + 56d e x + 70d e x + 56d e x + 28d e x
--R
--R
--R
            7
--R
           8d e x + d
--R
--R
          +----+
--R
         \ensuremath{\mbox{\sc le x + d}}
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1034
--S 1035 of 1293
r0:=-2/15*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(15/2))+_
     2/39*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
     (d+e*x)^(13/2)+16/429*b*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/_
     (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(11/2))+32/1287*b^2*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*_
     (a+b*x)^{(5/2)}/(e*(b*d-a*e)^{4*(d+e*x)^{(9/2)}}+_
     128/9009*b^3*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^5*_
     (d+e*x)^{(7/2)}+256/45045*b^4*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*_
     (a+b*x)^(5/2)/(e*(b*d-a*e)^6*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                              6 5
                                           7 4 7
           ((512A b - 768B a b)e + 256B b d e)x
--R
--R
--R
                                  255
                                                   7
                         6
               (-256A \ a \ b + 384B \ a \ b ) e + (3840A \ b - 5888B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                      7 2 3
               1920B b d e
--R
--R.
--R
              6
--R
             х
--R
                      2 5 3 4 5
--R
--R
               (192A a b - 288B a b )e + (- 1920A a b + 2976B a b )d e
--R
--R
                        7
                                      6 2 3
                                                  7 3 2
```

```
--R
            (12480A b - 19680B a b )d e + 6240B b d e
--R
--R
            5
--R
           X
--R
                    3 4 4 3 5 2 5 3 4 4
--R
--R
            (- 160A a b + 240B a b )e + (1440A a b - 2240B a b )d e
--R
                     6 2523 7 632
--R
             (-6240A a b + 10080B a b )d e + (22880A b - 37440B a b )d e
--R
--R
                   7 4
--R
--R
            11440B b d e
--R
--R
            4
--R
           х
--R
--R
                  4 3 5 2 5
                                           3 4
             (140A a b - 210B a b )e + (- 1200A a b + 1870B a b )d e
--R
--R
--R
                  2 5 3 4 2 3
             (4680A \ a \ b \ - 7620B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 11440A \ a \ b \ + 19500B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                   7 6 4 7 5
             (25740A b - 44330B a b) d e + 12870B b d
--R
--R
--R
--R
           x
--R
                   5 2 6 5 4 3 5 2 4
--R
--R
             (- 126A a b - 8820B a b)e + (1050A a b + 52416B a b )d e
--R
--R
                                4 3 2 3
                                                 2 5
--R
             (- 3900A a b - 128760B a b )d e + (8580A a b + 165360B a b )d e
--R
                                 254
                                                 7
--R
           (-12870A \ a \ b \ -111540B \ a \ b \ ) d \ e \ + (18018A \ b \ +20592B \ a \ b \ ) d
--R
--R
--R
            2
--R
           x
--R
                    6
--R
                         7 5
                                           5 2
            (- 7392A a b - 6930B a )e + (44100A a b + 38262B a b)d e
--R.
--R
--R
                      4 3 5 2 2 3
--R
             (-109200A \ a \ b \ -84420B \ a \ b \ )d \ e
--R
                    3 4
--R
                                4 3 3 2
             (143000A a b + 91260B a b )d e
--R
--R
```

```
25 344 6 255
--R
--R
                             (-102960A \ a \ b \ -44330B \ a \ b \ ) d \ e \ + (36036A \ a \ b \ + 2574B \ a \ b \ ) d
--R
--R
--R
                                              7 5 6 7 4
--R
                          -6006A a e + (34650A a b -924B a )d e
--R
--R
                                               5 2 6 2 3 4 3 5 2 3 2
--R
                        (- 81900A a b + 5040B a b)d e + (100100A a b - 10920B a b )d e
--R
--R
                                                                   434
--R
                                                                                                                        2 5
                                               3 4
--R
                        (- 64350A a b + 11440B a b )d e + (18018A a b - 5148B a b )d
--R
--R
--R
                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                             6 13
                                                                  5 12 4 2 2 11 3 3 3 10
--R
                                 45045a e - 270270a b d e + 675675a b d e - 900900a b d e
--R
                                               2 4 4 9 5 5 8 6 6 7
--R
--R
                               675675a b d e - 270270a b d e + 45045b d e
--R
--R
                               7
--R
                              X
--R
                                     6 12 5 2 11 4 2 3 10
--R
--R
                                  315315a d e - 1891890a b d e + 4729725a b d e
--R
                                                     3 3 4 9 2 4 5 8 5 6 7 6 7 6
--R
--R
                               -6306300a b d e +4729725a b d e -1891890a b d e +315315b d e
--R
--R
--R
                              x
--R
                                               6 2 11 5 3 10 4 2 4 9
--R
--R
                                 945945a d e - 5675670a b d e + 14189175a b d e
--R
                                                        3 3 5 8 2 4 6 7
--R
                                                                                                                                               5 7 6
--R
                                   - 18918900a b d e + 14189175a b d e - 5675670a b d e
--R
--R
                                              685
--R.
                                945945b d e
--R
--R
                                 5
--R
--R
                                                 6 3 10 5 4 9
--R
                               1576575a d e - 9459450a b d e + 23648625a b d e
--R
--R
```

```
3 3 6 7 2 4 7 6 5 8 5
--R
            -31531500a b d e +23648625a b d e -9459450a b d e
--R
--R
--R
                  6 9 4
--R
           1576575b d e
--R
--R
--R
          x
--R
                 6 4 9 5 5 8
--R
                                            4 2 6 7
           1576575a d e - 9459450a b d e + 23648625a b d e
--R
--R
                             2 4 8 5
                    3 3 7 6
--R
--R
            - 31531500a b d e + 23648625a b d e - 9459450a b d e
--R
--R
                 6 10 3
--R
           1576575b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                658 5 67 4276
--R
--R
           945945a d e - 5675670a b d e + 14189175a b d e
--R
                             2 4 9 4
--R
                   3 3 8 5
            - 18918900a b d e + 14189175a b d e - 5675670a b d e
--R
--R
--R
                6 11 2
--R
           945945b d e
--R
--R
           2
--R
          X
--R
                 6 6 7 5 7 6 4 2 8 5 3 3 9 4
--R
--R
           315315a d e - 1891890a b d e + 4729725a b d e - 6306300a b d e
--R
                            5 11 2 6 12
--R
                 2 4 10 3
--R
            4729725a b d e - 1891890a b d e + 315315b d e
--R
--R
--R
            6 7 6 5 8 5 4 2 9 4 3 3 10 3
--R
--R
         45045a d e - 270270a b d e + 675675a b d e - 900900a b d e
--R
              2 4 11 2 5 12 6 13
--R
         675675a b d e - 270270a b d e + 45045b d
--R
--R
--R
        +----+
--R
       --R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1035
--S 1038 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
             (3) 0
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1038
)clear all
--S 1039 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
               (1)
--R.
                                  2 2 5
                                                                                                    2
--R
                          B b e x + ((A b + 2B a b)e + 2B b d e)x
--R
--R
                                                               2 2
--R
                           ((2A \ a \ b + B \ a \ )e + (2A \ b + 4B \ a \ b)d \ e + B \ b \ d )x
--R
--R
                                     2 2
--R
                           (A a e + (4A a b + 2B a) d e + (A b + 2B a b) d) x
--R
--R
--R
                           (2A a d e + (2A a b + B a)d)x + A a d
--R *
--R.
                       +----+
--R
                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1039
--S 1040 of 1293
r0:=1/24*(b*d-a*e)*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(7/2)*(d+e*x)^(3/2)/_
             (b^3*e)+1/12*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(7/2)*(d+e*x)^(5/2)/_
              (b^2*e) + 1/7*B*(a+b*x)^(7/2)*(d+e*x)^(7/2)/(b*e) - 5/1024*(b*d-a*e)^6*__ \\
             (2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
              (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(9/2)*e^(9/2))-5/1536*(b*d-a*e)^4*_
              (2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^4*e^3)+_
             1/384*(b*d-a*e)^3*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/_
              (b^4*e^2)+1/64*(b*d-a*e)^2*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*(a+b*x)^(7/2)*_
             sqrt(d+e*x)/(b^4*e)+5/1024*(b*d-a*e)^5*(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*_
             sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^4*e^4)
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                                          7 7
                                                                                                                                   5 2
--R
                                      (-210A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (1260A \ a \ b - 525B \ a \ b)d \ e
```

```
--R
                                        43 5225 34 4334
--R
--R
                              (- 3150A a b + 945B a b )d e + (4200A a b - 525B a b )d e
--R
                                                      25 3443 6 2552
--R
--R
                                (-3150A \ a \ b \ -525B \ a \ b \ ) d \ e \ + (1260A \ a \ b \ +945B \ a \ b \ ) d \ e
--R
                                                                            6 6
--R
                              (- 210A b - 525B a b )d e + 105B b d
--R
--R
--R
                                          +-+ +----+
--R
                                        atanh(-----)
--R
                                          +-+ +----+
--R
--R
                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                            6 6 6 6 5 5
                                3072B b e x + ((3584A b + 7424B a b )e + 7424B b d e )x
--R
--R
                                                             5 246 6 5 5
--R
--R
                                          (8960A a b + 4736B a b )e + (8960A b + 18688B a b )d e
--R
--R
                                                      6 2 4
--R
                                       4736B b d e
--R
--R
                                       4
--R
                                    X
--R
                                                           24 336 5 24 5
--R
--R
                                       (6048A a b + 48B a b )e + (23744A a b + 12752B a b )d e
--R
                                                          6 5 2 4 6 3 3
--R
--R
                                        (6048A b + 12752B a b )d e + 48B b d e
--R
--R
--R
                                    x
--R
                                                       3 3 4 2 6 2 4 3 3 5
--R
--R
                                        (112A a b - 56B a b )e + (17808A a b + 256B a b )d e
--R
--R
                                                               5 2424
                                                                                                                        6
                                          (17808A \ a \ b + 9840B \ a \ b ) d \ e + (112A \ b + 256B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                                                        6 4 2
--R
                                      - 56B b d e
--R
--R
                                       2
--R
                                    x
--R
                                                              4 2 5 6 3 3 4 2 5
--R
```

```
--R
               (-140A a b + 70B a b)e + (784A a b - 322B a b )d e
--R
                       2 4 3 3 2 4 5 2 4 3 3
--R
--R
               (16632A \ a \ b + 508B \ a \ b ) d \ e + (784A \ a \ b + 508B \ a \ b ) d \ e
--R
                               5 4 2 6 5
--R
--R
               (-140A b - 322B a b) d e + 70B b d e
--R
--R
--R
--R
                      6 6 4 2 5 5
           (210A a b - 105B a )e + (- 1190A a b + 490B a b)d e
--R
--R
--R
                           4 2 2 4
                                            2 4
--R
           (2772A a b - 791B a b )d e + (2772A a b + 300B a b )d e
--R
--R
                   5
                        2 4 4 2
                                       6 5 5 6 6
          (- 1190A a b - 791B a b )d e + (210A b + 490B a b )d e - 105B b d
--R
--R
           +-+ +-+ +----+
--R
--R
          --R /
--R
           4 4 +-+ +-+
--R
       21504b e \|b \|e
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1040
--S 1043 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1043
)clear all
--S 1044 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R.
          2 4 2
--R.
        B b e x + ((A b + 2B a b)e + B b d)x
--R
--R
                    2
                                       2
                                              2
       ((2A \ a \ b + B \ a \ )e + (A \ b + 2B \ a \ b)d)x + (A \ a \ e + (2A \ a \ b + B \ a \ )d)x
--R
--R
--R
        2
--R
        Aad
```

```
--R *
                     +----+
--R
--R
                   \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1044
--S 1045 of 1293
r0:=-1/60*(7*b*B*d-12*A*b*e+5*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)*(d+e*x)^(3/2)/(b^2*e)+_
            1/6*B*(a+b*x)^{(7/2)}*(d+e*x)^{(5/2)}/(b*e)+1/512*(b*d-a*e)^5*(7*b*B*d-_
            12*A*b*e+5*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*_
            sqrt(d+e*x)))/(b^{(7/2)}*e^{(9/2)}+1/768*(b*d-a*e)^3*(7*b*B*d-_
            12*A*b*e+5*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e^3)-_
            1/960*(b*d-a*e)^2*(7*b*B*d-12*A*b*e+5*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*_
            sqrt(d+e*x)/(b^3*e^2)-1/160*(b*d-a*e)*(7*b*B*d-12*A*b*e+5*a*B*e)*_
            (a+b*x)^{(7/2)}*sqrt(d+e*x)/(b^3*e)-1/512*(b*d-a*e)^4*_
            (7*b*B*d-12*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e^4)
--R
--R
--R
              (2)
--R
                                                                      6 6
                                                                                                               4 2
--R
                                  (180A \ a \ b - 75B \ a \ )e + (-900A \ a \ b + 270B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                     3 3
                                                                                 4 2 2 4
                                                                                                                                      2 4
--R
                                  (1800A \ a \ b \ - 225B \ a \ b \ ) d \ e \ + (- 1800A \ a \ b \ - 300B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                                                                                2 4 4 2 6
                                                                                                                                                              5 5
                                                       5
--R
                                  (900A a b + 675B a b )d e + (- 180A b - 450B a b )d e + 105B b d
--R
--R
                                              +-+ +----+
                                           --R.
                             atanh(-----)
--R.
                                             +-+ +----+
--R
--R
                                            --R
--R
                                                                                        5
                                                                                                                          4 5
                                 1280B b e x + ((1536A b + 3200B a b) e + 1664B b d e) x
--R
--R
--R
                                                                                               2 3 5
                                                                                                                                     5
                                            (4032A \ a \ b + 2160B \ a \ b ) e + (2112A \ b + 4448B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
                                                       5 2 3
                                           48B b d e
--R
--R.
--R.
                                         3
--R.
                                       X
--R
--R
                                                               2 3 3 2 5
--R
                                            (2976A \ a \ b + 40B \ a \ b ) e + (6144A \ a \ b + 3384B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                                          5
                                                                                       4 2 3
                                                                                                                         5 3 2
```

```
--R
              (96A b + 216B a b )d e - 56B b d e
--R
--R
              2
--R
            x
--R
                    3 2 4 5 2 3 3 2 4
--R
--R
              (120A a b - 50B a b)e + (5592A a b + 160B a b )d e
--R
                     4 2323 5 432
--R
               (552A \ a \ b + 348B \ a \ b \ ) d \ e + (-120A \ b - 272B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                 5 4
              70B b d e
--R
--R
--R
--R
--R
                       5 5 3 2 4 4
--R
           (-180A \ a \ b + 75B \ a \ )e + (840A \ a \ b - 245B \ a \ b)d \ e
--R
                  2 3 3 2 2 3
--R
           (1536A \ a \ b + 150B \ a \ b \ ) d \ e + (-840A \ a \ b - 546B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                          4 4 5 5
--R
--R
           (180A b + 415B a b) d e - 105B b d
--R
--R
          +-+ +-+ +----+
--R
          --R /
--R
          3 4 +-+ +-+
--R
      7680b e \|b \|e
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1045
--S 1048 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1048
)clear all
--S 1049 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)*sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
    (1)
     23 2 2
                               2 2 +----+
--R
    (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \ b x + a \ e x + d
--R
```

```
--R
                                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1049
--S 1050 of 1293
r0:=1/5*B*(a+b*x)^(7/2)*(d+e*x)^(3/2)/(b*e)+1/128*(b*d-a*e)^4*_
             (7*b*B*d-10*A*b*e+3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
             (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(5/2)*e^(9/2))+1/192*(b*d-a*e)^2*_
              (7*b*B*d-10*A*b*e+3*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e^3)-_
             1/240*(b*d-a*e)*(7*b*B*d-10*A*b*e+3*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/_
              (b^2*e^2)-1/40*(7*b*B*d-10*A*b*e+3*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)*_
             sqrt(d+e*x)/(b^2*e)-1/128*(b*d-a*e)^3*(7*b*B*d-10*A*b*e+3*a*B*e)*_
             sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e^4)
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                                         5 5
                                                                                                                           3 2
--R.
                                      (-150A \ a \ b + 45B \ a \ ) e + (600A \ a \ b - 75B \ a \ b) d \ e
--R.
--R
                                                              2 3
                                                                                          3 2 2 3
                                                                                                                                                 4
--R
                                      (-900A \ a \ b \ -150B \ a \ b \ ) d \ e \ + (600A \ a \ b \ +450B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                                                                                               4 4
--R
                                      (-150A b - 375B a b) d e + 105B b d
--R
--R
                                                   +-+ +----+
--R
                                                 atanh(-----)
--R
                                                   +-+ +----+
--R
--R
                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
--R
                                                      4 4 4
                                                                                                                                    3 4
--R
                                     384B b e x + ((480A b + 1008B a b)e + 48B b d e)x
--R
--R
                                                                                                           2 2 4
--R
                                                       (1360A \ a \ b + 744B \ a \ b ) e + (80A \ b + 176B \ a \ b ) d \ e
--R
--R.
                                                                        4 2 2
--R
                                                      - 56B b d e
--R
--R
                                              2
--R
                                           x
--R
--R.
                                                                                                   3
                                                                      2 2
                                                                                                                                               3
--R.
                                                 (1180A \ a \ b + 30B \ a \ b)e + (360A \ a \ b + 218B \ a \ b)d \ e
--R.
--R
                                                                                                         3 2 2
                                                                                                                                               4 3
--R
                                                 (-100A b - 222B a b) d e + 70B b d e
--R
--R
                                           Х
--R
```

```
--R
                       4 4 2 2
--R
             (150A \ a \ b - 45B \ a \ )e + (730A \ a \ b + 60B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                              2 2 2 2
                                                            3 3
             (-550A \ a \ b \ -346B \ a \ b \ )d \ e \ + (150A \ b \ +340B \ a \ b \ )d \ e \ -105B \ b \ d
--R
--R
--R
           +-+ +-+ +----+
--R
          --R /
           2 4 +-+ +-+
--R
--R
       1920b e \|b \|e
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1050
--S 1053 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1053
)clear all
--S 1054 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/sqrt(d+e*x)
--R
--R
--R
             2 3
                  2
                                 2
                                                  2 2 +----+
--R
         (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
     (1) -----
--R
--R
                                   \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1054
--S 1055 of 1293
r0:=5/64*(b*d-a*e)^3*(7*b*B*d-8*A*b*e+a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
    (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(3/2)*e^(9/2))+5/96*(b*d-a*e)*_
    (7*b*B*d-8*A*b*e+a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(b*e^3)-_
    1/24*(7*b*B*d-8*A*b*e+a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/(b*e^2)+_
    1/4*B*(a+b*x)^(7/2)*sqrt(d+e*x)/(b*e)-5/64*(b*d-a*e)^2*_
    (7*b*B*d-8*A*b*e+a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b*e^4)
--R.
--R
--R
     (2)
--R
                         4 4
                                         2 2
--R
            (120A a b - 15B a )e + (- 360A a b - 60B a b)d e
--R
--R
                     3
                              2 2 2 2
                                                4
                                                       3 3
                                                                         4 4
```

```
--R
           (360A a b + 270B a b )d e + (- 120A b - 300B a b )d e + 105B b d
--R
--R
              +-+ +----+
--R
             atanh(-----)
--R
              +-+ +----+
--R
--R
             \b \leq x + d
--R
              3 3 3 2 3 3 2 2
--R
          48B b e x + ((64A b + 136B a b )e - 56B b d e )x
--R
--R
                                               2 2
--R
                         2 3
                                      3
          ((208A a b + 118B a b)e + (- 80A b - 172B a b )d e + 70B b d e)x
--R
--R
--R
                    3 3
--R
          (264A a b + 15B a )e + (- 320A a b - 191B a b)d e
--R
--R
                        2 2 3 3
          (120A b + 265B a b )d e - 105B b d
--R
--R
         +-+ +-+ +-----+
--R
         --R
--R /
--R
          4 +-+ +-+
--R
      192b e \|b \|e
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1055
--S 1058 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1058
)clear all
--S 1059 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(3/2)
--R
--R
                                         2 2 +----+
--R.
           2 3 2
                           2
--R
       (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R (1) -----
--R
                                  +----+
--R
                           (e x + d) | e x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1059
```

```
--S 1060 of 1293
r0:=-5/8*(b*d-a*e)^2*(7*b*B*d-6*A*b*e-a*B*e)*atanh(sqrt(e)*_
     \operatorname{sqrt}(a+b*x)/(\operatorname{sqrt}(b)*\operatorname{sqrt}(d+e*x)))/(e^{(9/2)*\operatorname{sqrt}(b))}
     2*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))-_
     5/12*(7*b*B*d-6*A*b*e-a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/e^3+_
     1/3*(7*b*B*d-6*A*b*e-a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x)/(e^2*(b*d-a*e))+_
     5/8*(b*d-a*e)*(7*b*B*d-6*A*b*e-a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/e^4
--R
--R
      (2)
--R
--R
                            3 3
                                               2
              (90A \ a \ b + 15B \ a \ )e + (-180A \ a \ b - 135B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
--R
              (90A b + 225B a b) d e - 105B b d
--R
--R
                             +-+ +----+
--R
             +----+
                            --R
            \|e x + d atanh(-----)
                             +-+ +----+
--R
--R
                            --R
--R
                  2 3 3
                                                   2 2 2
                                             3
--R
              8B b e x + ((12A b + 26B a b)e - 14B b d e)x
--R
--R
              ((54A \ a \ b + 33B \ a \ )e + (-30A \ b - 68B \ a \ b)d \ e + 35B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R
                     2 3
--R
              -48A a e + (150A a b + 81B a )d e + (-90A b -190B a b)d e
--R
--R
                    2 3
--R
             105B b d
--R
--R
             +-+ +-+ +----+
--R
            --R /
--R
           4 +-+ +-+ +----+
--R
        24e \|b \|e \|e x + d
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1060
--S 1063 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1063
```

```
)clear all
--S 1064 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(5/2)
--R
--R
--R
                                                                                         2
                                                                                                                                                             2 +----+
                            (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
--R
--R
                                                                             2 2
                                                                                                                      2 +----+
--R
                                                                        (e x + 2d e x + d )\|e x + d
--R
                                                                                                                                             Type: Expression(Integer)
--E 1064
--S 1065 of 1293
r0:=-2/3*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2))+_
             5/4*(b*d-a*e)*(7*b*B*d-4*A*b*e-3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
             (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))*sqrt(b)/e^(9/2)-2/3*(7*b*B*d-4*A*b*e-3*a*B*e)*_
             (a+b*x)^(5/2)/(e^2*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))+5/6*b*_
             (7*b*B*d-4*A*b*e-3*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x)/(e^3*(b*d-a*e))-_
             5/4*b*(7*b*B*d-4*A*b*e-3*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/e^4
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                                                2 3
--R
                                    ((60A \ a \ b + 45B \ a \ )e + (-60A \ b - 150B \ a \ b)d \ e + 105B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                                                                                     2 2
--R
                                    (60A \ a \ b + 45B \ a \ )d \ e \ + (-60A \ b \ -150B \ a \ b)d \ e \ + 105B \ b \ d
--R.
--R
                                                                                    +-+ +----+
--R
                                +-+ +----+
                                                                                  --R
                              \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                                    +-+ +----+
--R
                                                                                  \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                             2 3 3
                                                                                    2
                                                                                                                   3
--R
                                   6B b e x + ((12A b + 27B a b)e - 21B b d e)x
--R
--R
                                                                                    2 3
                                    ((-56A \ a \ b - 24B \ a \ )e + (80A \ b + 158B \ a \ b)d \ e - 140B \ b \ d \ e)x
--R
--R
--R.
                                                                                                                2
                                                                                                                          2
                                                                                                                                                        2
                                                   2 3
--R.
                                    - 8A a e + (- 40A a b - 16B a )d e + (60A b + 115B a b)d e
--R
--R
                                                        2 3
--R
                                    - 105B b d
--R
                                 +-+ +----+
--R
--R
                               \leq \leq |b + a|
```

```
--R /
          5 4 +-+ +----+
--R
--R
       (12e x + 12d e) | e | x + d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1065
--S 1068 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1068
)clear all
--S 1069 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(7/2)
--R
--R
--R
                                 2
                                                       2 +----+
--R
          (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
--R
                      3 3 2 2 2 3 +----+
--R
                     (e x + 3d e x + 3d e x + d) | e x + d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1069
--S 1070 of 1293
r0:=-2/5*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2))-_
    2/15*(7*b*B*d-2*A*b*e-5*a*B*e)*(a+b*x)^(5/2)/(e^2*(b*d-a*e)*_
    (d+e*x)^(3/2))-b^(3/2)*(7*b*B*d-2*A*b*e-5*a*B*e)*_
    atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/e^(9/2)-_
    2/3*b*(7*b*B*d-2*A*b*e-5*a*B*e)*(a+b*x)^(3/2)/(e^3*(b*d-a*e)*_
    sqrt(d+e*x))+b^2*(7*b*B*d-2*A*b*e-5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*_
    sqrt(d+e*x)/(e^4*(b*d-a*e))
--R
--R
--R
     (2)
                              3
--R
                                       2 2 2
             ((30A b + 75B a b)e - 105B b d e)x
--R
--R
--R.
                                2
                                          2 2
                                                          2
--R.
             ((60A b + 150B a b)d e - 210B b d e)x + (30A b + 75B a b)d e
--R
--R
                    2 3
--R
             - 105B b d
--R
                              +-+ +----+
--R
--R
            +-+ +----+
```

```
\|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                                      +-+ +----+
--R
--R
                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                  2 3 3 2 2 2
--R
                                    15B b e x + ((-46A b - 70B a b)e + 161B b d e)x
--R
--R
--R
                                    ((- 22A a b - 10B a )e + (- 70A b - 98B a b)d e + 245B b d e)x
--R
--R
                                                                                                            2 2
--R
                                    - 6A a e + (- 10A a b - 4B a )d e + (- 30A b - 40B a b)d e
--R
--R
 --R
                                  105B b d
--R
--R
--R
                                 +-+ +----+
--R
                               --R /
                               6 2 5 2 4 +-+ +----+
--R
--R
                     (15e x + 30d e x + 15d e) \le x + d
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1070
--S 1073 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
             (3) 0
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1073
)clear all
--S 1074 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(9/2)
--R
--R
                                                            2
                                                                                            2
--R
                                                                                                                                          2
                                                                                                                                                                 2 +----+
--R
                            (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
--R
                                                  4 4 3 3 2 2 2 3
                                                                                                                                              4 +----+
--R.
                                              (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d )\|e x + d
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1074
--S 1075 of 1293
r0:=-2/7*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(7/2))-_
             2/5*B*(a+b*x)^(5/2)/(e^2*(d+e*x)^(5/2))-2/3*b*B*(a+b*x)^(3/2)/_
             (e^3*(d+e*x)^(3/2))+2*b^(5/2)*B*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
```

```
(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/e^{(9/2)-2*b^2*B*sqrt(a+b*x)/(e^4*sqrt(d+e*x))}
--R
--R
--R
               (2)
                                                       2 4 3 3 3 2 2 3 3 2 2 2
--R
--R
                                  (210B \ a \ b \ e \ - 210B \ b \ d \ e \ )x + (630B \ a \ b \ d \ e \ - 630B \ b \ d \ e \ )x
--R
                                                     2 2 2 3 3
--R
                                                                                                                               2 3
                                  (630B \ a \ b \ d \ e \ - \ 630B \ b \ d \ e)x + 210B \ a \ b \ d \ e \ - \ 210B \ b \ d
--R
--R
--R
                                                                              +-+ +----+
                              +-+ +----+
                                                                         --R
                            \|b \|e x + d atanh(-----)
--R
                                                                               +-+ +----+
--R
 --R
                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                  2 4 3 3 3
--R
                                ((-30A b - 322B a b)e + 352B b d e)x
--R
                                                                   2 4 2 3 3 2 2 2
--R
--R
                                ((- 90A a b - 154B a b)e - 568B a b d e + 812B b d e )x
--R
--R
                                                                           3 4 2 3
                                                                                                                                                   2 2 2 3 3
--R
                                ((- 90A a b - 42B a )e - 92B a b d e - 476B a b d e + 700B b d e)x
--R
                                                  3 4 3 3 2 2 2 2 3 3 4
--R
--R
                                 - 30A a e - 12B a d e - 28B a b d e - 140B a b d e + 210B b d
--R
--R
                             +-+ +----+
--R
                            --R /
                                            8 7 3 7 2 6 2
--R
--R
                             (105a e - 105b d e)x + (315a d e - 315b d e)x
--R
                                           26 35
--R
                                                                                                        3 5
                             (315a d e - 315b d e)x + 105a d e - 105b d e
--R
--R
                         +-+ +----+
--R
--R
                        \leq \leq x + d
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1075
--S 1078 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1078
```

```
)clear all
--S 1079 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(11/2)
--R
--R
                                   2 3 2 2
--R
--R
                        (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
                              5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +-----+
--R
--R
                            (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) | e x + d
--R
                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1079
--S 1080 of 1293
r0:=-2/9*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(9/2))+_
            2/63*(7*b*B*d+2*A*b*e-9*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
--R
              (2)
--R
                                        4 3 4 4
--R
                            ((4A b - 18B a b)e + 14B b d)x
--R
                                                     3 22 4 3 3
--R
--R
                            ((-2A \ a \ b \ -54B \ a \ b \ )e + (18A \ b \ +38B \ a \ b \ )d)x
--R
--R
--R
                            ((-30A \ a \ b \ -54B \ a \ b)e + (54A \ a \ b \ +30B \ a \ b)d)x
--R
--R.
                                                  3 4 22 3
--R
                            ((-38A \ a \ b - 18B \ a \ )e + (54A \ a \ b + 2B \ a \ b)d)x - 14A \ a \ e
--R
--R
                                        3
--R
                           (18A a b - 4B a )d
--R
                          +----+
--R
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                   2 6
                                                                         5
                                                                                          2 2 4 4
--R
                             (63a e - 126a b d e + 63b d e )x
--R
                                     2 5
                                                                             24 2333
--R
--R.
                            (252a d e - 504a b d e + 252b d e )x
--R
                                        2 2 4 3 3 2 4 2 2
--R
--R
                             (378a d e - 756a b d e + 378b d e )x
--R
--R
                                                                                                  2 5 2 4 2
                                                                            4 2
                                                                                                                                                              5 26
                             (252a d e - 504a b d e + 252b d e)x + 63a d e - 126a b d e + 63b d
--R
--R
```

```
--R
         +----+
--R
         \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1080
--S 1083 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--Е 1083
)clear all
--S 1084 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(13/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R
                                                 2 2 +----+
--R
         (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
--R
      6 6 5 5 2 4 4 3 3 3 4 2 2 5 6 +----+
--R
      (e x + 6d e x + 15d e x + 20d e x + 15d e x + 6d e x + d) | e x + d
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1084
--S 1085 of 1293
r0:=-2/11*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(11/2))+_
    2/99*(7*b*B*d+4*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
    (d+e*x)^(9/2)+4/693*b*(7*b*B*d+4*A*b*e-11*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/_
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
     (2)
--R
                  5
                            4 2
--R
--R
           ((-16A b + 44B a b)e - 28B b d e)x
--R
--R
                         232
                                         5
                                                     4
           ((8A \ a \ b \ - 22B \ a \ b \ )e \ + (- 88A \ b \ + 256B \ a \ b \ )d \ e \ - 154B \ b \ d \ )x
--R
--R
--R.
                     2 3
                            3 2 2 4
              (- 6A a b - 330B a b )e + (44A a b + 908B a b )d e
--R.
--R
--R
                      5
                             4 2
--R
              (- 198A b - 418B a b )d
--R
--R
             3
--R
             x
```

```
--R
                                                         3 2 4 2 2 3 3 2
--R
--R
                                    (- 226A a b - 418B a b)e + (660A a b + 908B a b )d e
--R
                                                            4 232
--R
                                 (- 594A a b - 330B a b )d
--R
--R
--R
--R
                                 х
--R
--R
                                                         4 5 2 3 2 4
                                    (- 322A a b - 154B a )e + (836A a b + 256B a b)d e
--R
--R
                                                       2 3 3 2 2
--R
                                  (- 594A a b - 22B a b )d
--R
--R
--R
--R
                                                                                                                                         3 2 4 2
--R
                                                                   4
                                                                                         5
                            - 126A a e + (308A a b - 28B a )d e + (- 198A a b + 44B a b)d
--R
--R
--R
                         +----+
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                    2 7 226 3355
--R
                                   3 8
--R
                            (693a e - 2079a b d e + 2079a b d e - 693b d e )x
--R
--R
                                        3 7 2 2 6 2 3 5 3 4 4 4
--R
                            (3465a d e - 10395a b d e + 10395a b d e - 3465b d e )x
--R
                                          3 2 6 2 3 5
--R
                                                                                                                     2 4 4
                                                                                                                                             3 5 3 3
--R
                            (6930a d e - 20790a b d e + 20790a b d e - 6930b d e)x
--R
                                         3 3 5 2 4 4
                                                                                                                 253 3622
--R
--R
                            (6930a d e - 20790a b d e + 20790a b d e - 6930b d e )x
--R
                                                                                                                262
--R
                                        3 4 4
                                                               2 5 3
                                                                                                                                           3 7
--R
                           (3465a d e - 10395a b d e + 10395a b d e - 3465b d e)x + 693a d e
--R
--R
                                         2 6 2
                                                                                2 7
--R
                          - 2079a b d e + 2079a b d e - 693b d
--R
--R.
                         +----+
--R
                       --R
                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1085
--S 1088 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
```

```
--R
    (3) 0
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1088
)clear all
--S 1089 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(15/2)
--R
--R
--R
     (1)
                                             2
           2 3
                             2
--R
       (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
--R /
--R
                     66 255
                                       3 4 4 4 3 3 5 2 2
--R.
             e x + 7d e x + 21d e x + 35d e x + 35d e x + 21d e x + 7d e x
--R
--R
             7
--R
            d
--R
--R
          +----+
--R
         --R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1089
--S 1090 of 1293
r0:=-2/13*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(13/2))+_
    2/143*(7*b*B*d+6*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_1
    (d+e*x)^{(11/2)}+8/1287*b*(7*b*B*d+6*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^{(7/2)}_{-}
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(9/2))+16/9009*b^2*_
    (7*b*B*d+6*A*b*e-13*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
--R
     (2)
                6 5 3 6 2 6
--R
--R
           ((96A b - 208B a b)e + 112B b d e)x
--R
                                 2 4 3 6
--R
                         5
--R
                (-48A a b + 104B a b )e + (624A b - 1408B a b )d e
--R
--R
                     6 2
--R.
                728B b d e
--R
--R
             5
--R
            x
--R
--R
                          3 3 3
                    2 4
              (36A a b - 78B a b )e + (- 312A a b + 718B a b )d e
--R
--R
```

```
6 5 2 6 3
--R
--R
                                      (1716A b - 4082B a b )d e + 2002B b d
--R
--R
                                    4
--R
                                 x
--R
                                                       3 3 4 2 3 2 4 3 3 2
--R
--R
                                   (-30A a b - 2938B a b )e + (234A a b + 11470B a b )d e
--R
                                                                                                                            6
                                                              5 242
--R
--R
                                     (-858A \ a \ b \ -15886B \ a \ b \ ) d \ e \ + (2574A \ b \ +5434B \ a \ b \ ) d
--R
--R
                                   3
--R
                                 x
--R
--R
                                                             4 2 5 3
                                                                                                                                 3 3
                                                                                                                                                                   4 2
--R
                                   (- 2226A a b - 4186B a b)e + (8814A a b + 14342B a b )d e
--R
                                                                                    3 3 2
--R
                                                              2 4
                                                                                                                                                5 243
                                  (- 12870A a b - 15886B a b )d e + (7722A a b + 4290B a b )d
--R
--R
--R
                                  2
--R
                                 х
--R
                                                             5 6 3 4 2 5 2
--R
                                    (- 3402A a b - 1638B a )e + (12558A a b + 4858B a b)d e
--R
--R
                                                                 3 3 4 2 2 2 4 3 3 3
--R
--R
                                  (-16302A \ a \ b \ -4082B \ a \ b \ ) d \ e \ + (7722A \ a \ b \ +286B \ a \ b \ ) d
--R
--R
--R
                                                                                                                                                         4 2 5 2
--R
--R
                             - 1386A a e + (4914A a b - 252B a )d e + (- 6006A a b + 728B a b)d e
--R
                                             3 3 4 2 3
--R
--R
                          (2574A a b - 572B a b )d
--R
                          +----+
--R
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                                       3
--R
                                               4 10
                                                                                             9 2 2 2 8 3 3 7
--R
                                     9009a e - 36036a b d e + 54054a b d e - 36036a b d e
--R
--R
                                               4 4 6
                                   9009b d e
--R
--R
--R
--R
                                 x
--R
```

```
4 9 3 2 8 2 2 3 7 3 4 6
--R
--R
           54054a d e - 216216a b d e + 324324a b d e - 216216a b d e
--R
--R
                4 5 5
--R
          54054b d e
--R
--R
--R
          x
--R
                 4 2 8 3 3 7
--R
                                         2 2 4 6
--R
           135135a d e - 540540a b d e + 810810a b d e - 540540a b d e
--R
                 4 6 4
--R
--R
           135135b d e
--R
--R
           4
--R
          x
--R
                4 3 7 3 4 6 2 2 5 5 3 6 4
--R
--R
           180180a d e - 720720a b d e + 1081080a b d e - 720720a b d e
--R
--R
                473
--R
            180180b d e
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                4 4 6 3 5 5 2 2 6 4 3 7 3
--R
--R
           135135a d e - 540540a b d e + 810810a b d e - 540540a b d e
--R
--R
                 4 8 2
--R
          135135b d e
--R
--R
--R
          X
--R
                455 364 2273
--R
--R
           54054a d e - 216216a b d e + 324324a b d e - 216216a b d e
--R
--R
                4 9
--R
           54054b d e
--R
--R
          X
--R
          4 6 4 3 7 3 2 2 8 2 3 9 4 10
--R
         9009a d e -36036a b d e +54054a b d e -36036a b d e +9009b d
--R
--R
--R
        +----+
       \ | e x + d
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1090
--S 1093 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1093
)clear all
--S 1094 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(17/2)
--R
--R
--R
    (1)
--R.
           2 3
                   2
                                                 2
                                                        2 +----+
       (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
--R /
--R
           88 77 266 355
                                                 4 4 4 5 3 3
--R
           e x + 8d e x + 28d e x + 56d e x + 70d e x + 56d e x + 28d e x
--R
--R
            7 8
--R
           8d e x + d
--R
          +----+
--R
--R
         \ | e x + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1094
--S 1095 of 1293
r0:=-2/15*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(15/2))+_
    2/195*(7*b*B*d+8*A*b*e-15*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
    (d+e*x)^(13/2)+4/715*b*(7*b*B*d+8*A*b*e-15*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/_
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(11/2))+16/6435*b^2*_
    (7*b*B*d+8*A*b*e-15*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^4*_
    (d+e*x)^(9/2)+32/45045*b^3*(7*b*B*d+8*A*b*e-15*a*B*e)*_
    (a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
--R
     (2)
--R.
                               6 4
                                           7 3 7
--R.
           ((-256A b + 480B a b)e - 224B b d e)x
--R
--R
                                254
               (128A \ a \ b \ - 240B \ a \ b \ ) e \ + (- 1920A \ b \ + 3712B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                       7 2 2
--R
--R
               - 1680B b d e
```

```
--R
--R
          6
--R
          х
--R
                  25 344 6 25 3
--R
           (- 96A a b + 180B a b )e + (960A a b - 1884B a b )d e
--R
--R
--R
                             6 2 2
           (- 6240A b + 12540B a b )d e - 5460B b d e
--R
--R
--R
           5
--R
          X
--R
--R
                        434
                                      2 5
--R
           (80A a b - 150B a b )e + (- 720A a b + 1420B a b )d e
--R
                                            7
--R
                   6
                       252
            (3120A \ a \ b \ - 6480B \ a \ b \ )d \ e \ + (- 11440A \ b \ + 24180B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
--R
                  7 4
--R
           - 10010B b d
--R
--R
--R
          X
--R
                 43 524 34 43 3
--R
--R
           (- 70A a b - 11130B a b )e + (600A a b + 55120B a b )d e
--R
                         3 4 2 2
                                        6 253
--R
                   2 5
--R
            (- 2340A a b - 107700B a b )d e + (5720A a b + 99840B a b )d e
--R
                   7
--R
--R
          (- 12870A b - 27170B a b )d
--R
--R
           3
--R
          x
--R
                   5 2 6 4
                                     4 3 5 2 3
--R
           (-8946A a b - 17010B a b)e + (44520A a b + 77616B a b )d e
--R
--R
--R
                          4 3 2 2
                                         2 5 3 4 3
            (-88140A a b - 133620B a b )d e + (85800A a b + 99840B a b )d e
--R
--R.
                              254
--R
                     6
          (- 38610A a b - 21450B a b )d
--R
--R
--R
--R
          X
--R
                             7 4 5 2 6 3
--R
                    6
```

```
--R
                                  (- 14322A a b - 6930B a )e + (68040A a b + 28812B a b)d e
--R
                                                           4 3 5 2 2 2
--R
--R
                                   (- 125580A a b - 42840B a b )d e
--R
                                                                                                                       25 344
                                                       3 4 4 3 3
--R
--R
                                (108680A a b + 24180B a b )d e + (- 38610A a b - 1430B a b )d
--R
--R
--R
                                            7 4 6 7 3
--R
--R
                         - 6006A a e + (27720A a b - 924B a )d e
--R
--R
                                                                      6 2 2
                                                                                                             4 3 5 2 3
--R
                         (-49140A \ a \ b + 3780B \ a \ b) d \ e + (40040A \ a \ b - 5460B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                                                3 4 4 3 4
--R
                         (- 12870A a b + 2860B a b )d
--R
--R
                        +----+
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                      5 12 4 11 3 2 2 10 2 3 3 9
--R
--R
                                  45045a e - 225225a b d e + 450450a b d e - 450450a b d e
--R
                                       4 4 8 5 5 7
--R
--R
                                225225a b d e - 45045b d e
--R
--R
                                 7
--R
                               X
--R
                                   5 11 4 2 10 3 2 3 9
--R
--R
                                    315315a d e - 1576575a b d e + 3153150a b d e
--R
                                                                                     457 566
--R
                                                       2 3 4 8
                                - 3153150a b d e + 1576575a b d e - 315315b d e
--R
--R
--R
                                 6
--R
                               x
--R
                                                 5 2 10 4 3 9 3 2 4 8 2 3 5 7
--R
                                 945945a d e - 4729725a b d e + 9459450a b d e - 9459450a b d e
--R
--R.
                                                        4 6 6 5 7 5
--R
--R
                                4729725a b d e - 945945b d e
--R
--R
--R
                             X
--R
--R
                                                      5 3 9
                                                                                       4 4 8 3 2 5 7
```

```
--R
           1576575a d e - 7882875a b d e + 15765750a b d e
--R
--R
                     2 3 6 6 4 7 5 5 8 4
--R
           - 15765750a b d e + 7882875a b d e - 1576575b d e
--R
--R
--R
          x
--R
                 5 4 8 4 5 7 3 2 6 6
--R
           1576575a d e - 7882875a b d e + 15765750a b d e
--R
--R
                                            5 9 3
--R
                    2 3 7 5
                                   4 8 4
           - 15765750a b d e + 7882875a b d e - 1576575b d e
--R
--R
--R
           3
--R
          x
--R
--R
                5 5 7 4 6 6 3 2 7 5 2 3 8 4
           945945a d e - 4729725a b d e + 9459450a b d e - 9459450a b d e
--R
--R
--R
                  4 9 3 5 10 2
--R
           4729725a b d e - 945945b d e
--R
--R
           2
--R
          X
--R
                       4 75 3284 2393
--R
--R
           315315a d e - 1576575a b d e + 3153150a b d e - 3153150a b d e
--R
--R
                  4 10 2 5 11
--R
           1576575a b d e - 315315b d e
--R
--R
--R
            5 7 5 4 8 4 3 2 9 3 2 3 10 2
--R
         45045a d e - 225225a b d e + 450450a b d e - 450450a b d e
--R
--R
               4 11 5 12
--R
        225225a b d e - 45045b d
--R
--R
        +----+
--R
--R
       \leq x + d
--R.
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1095
--S 1098 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
```

```
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1098
)clear all
--S 1099 of 1293
t0:=(a+b*x)^(5/2)*(A+B*x)/(d+e*x)^(19/2)
--R
--R
--R
     (1)
                            2
                                             2
                                                      2 +----+
--R
           2 3
                  2
       (B b x + (A b + 2B a b)x + (2A a b + B a)x + A a) \setminus |b x + a|
--R
--R /
--R
                   8 8
                            277
                                      3 6 6
                                                4 5 5
                                                           5 4 4
--R
           e x + 9d e x + 36d e x + 84d e x + 126d e x + 126d e x + 84d e x
--R
--R
             7 2 2
                    8
--R
           36d e x + 9d e x + d
--R
--R
         +----+
--R
         \leq x + d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1099
--S 1100 of 1293
r0:=-2/17*(B*d-A*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(17/2))+_
    2/255*(7*b*B*d+10*A*b*e-17*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^2*_
    (d+e*x)^(15/2)+16/3315*b*(7*b*B*d+10*A*b*e-17*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/_
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(13/2))+32/12155*b^2*_
    (7*b*B*d+10*A*b*e-17*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^4*_
    (d+e*x)^{(11/2)}+128/109395*b^3*(7*b*B*d+10*A*b*e-17*a*B*e)*_
    (a+b*x)^(7/2)/(e*(b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(9/2))+_
    256/765765*b^4*(7*b*B*d+10*A*b*e-17*a*B*e)*(a+b*x)^(7/2)/_
    (e*(b*d-a*e)^6*(d+e*x)^7(7/2))
--R
--R
--R
     (2)
                              7 5
--R
                                           8 4 8
                  8
           ((2560A b - 4352B a b)e + 1792B b d e)x
--R
--R
--R
                                   265
                                              8
              (-1280A \ a \ b + 2176B \ a \ b ) e + (21760A \ b - 37888B \ a \ b ) d \ e
--R
--R.
--R
                      8 2 3
--R
              15232B b d e
--R
--R
             7
--R
            X
--R
--R
                     2 6
                               355
                                                   7
                                                                 2 6 4
```

```
--R
            (960A a b - 1632B a b )e + (- 10880A a b + 19168B a b )d e
--R
                  8 7 2 3 8 3 2
--R
--R
            (81600A b - 146336B a b) d e + 57120B b d e
--R
--R
--R
          X
--R
                  3 5 4 4 5 2 6 3 5 4
--R
           (-800A a b + 1360B a b )e + (8160A a b - 14432B a b )d e
--R
--R
                     7 2623 8
--R
            (- 40800A a b + 75072B a b )d e + (176800A b - 329120B a b )d e
--R
--R
--R
                   8 4
--R
           123760B b d e
--R
--R
--R
--R
                4 4 5 3 5 3 5 4 4 4
--R
            (700A a b - 1190B a b )e + (- 6800A a b + 12050B a b )d e
--R
--R
--R
               26 3523
            (30600A \ a \ b - 56780B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                     7 2632 8
--R
--R
            (-88400A \ a \ b + 171700B \ a \ b ) d \ e + (243100A \ b - 475150B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                   8 5
--R
           170170B b d
--R
--R
--R
           x
--R
                  5 3 6 2 5 4 4 5 3 4
--R
--R
           (-630A a b - 152082B a b )e + (5950A a b + 908362B a b )d e
--R
                    3 5
--R
                                4 4 2 3
--R
            (- 25500A a b - 2249780B a b )d e
--R
--R
                  2 6
                               3 5 3 2
--R
            (66300A a b + 2932500B a b )d e
--R
                    7 264
                                         8 7 5
--R
           (-121550A \ a \ b \ -2044250B \ a \ b \ ) d \ e \ + \ (218790A \ b \ +461890B \ a \ b \ ) d
--R
--R
--R
--R
          х
--R
```

```
7 5
--R
                                               6 2
                                   (- 127050A a b - 243474B a b)e
--R
--R
                                                      5 3 6 2 4
--R
                                    (760410A a b + 1375122B a b )d e
--R
--R
                                                            4 4 5 3 2 3
--R
--R
                                  (- 1892100A a b - 3143028B a b )d e
--R
--R
                                                           3 5
                                                                                              4 4 3 2
                                   (2497300A a b + 3619300B a b )d e
--R
--R
                                                               2 6
                                                                                    3 5 4
--R
                                   (- 1823250A a b - 2044250B a b )d e
--R
--R
--R
                                                             7
                                                                            265
--R
                                 (656370A a b + 364650B a b )d
--R
--R
                                2
--R
                                x
--R
                                                                           8 5 6 2 7 4
--R
--R
                                 (-210210A \ a \ b - 102102B \ a \ ) e + (1217370A \ a \ b + 540078B \ a \ b) d \ e
--R
                                                                               6 2 2 3
--R
                                                               5 3
                                   (- 2891700A a b - 1123836B a b )d e
--R
--R
                                                           4 4 5 3 3 2
--R
--R
                                   (3558100A a b + 1116220B a b )d e
--R
                                                            3 5 4 4 4
                                                                                                                        26 355
--R
--R
                                 (-2309450A \ a \ b \ -475150B \ a \ b \ )d \ e \ + (656370A \ a \ b \ + 24310B \ a \ b \ )d
--R
--R
--R
                                               8 5 7 8 4
--R
--R
                         - 90090A a e + (510510A a b - 12012B a )d e
--R
                                                     6 2
                                                                          7 23
                                                                                                                                        5 3
--R
--R
                          (- 1178100A a b + 62832B a b)d e + (1392300A a b - 128520B a b )d e
--R
--R
                                                                                     534
                                                     4 4
                                                                                                                                     3 5
--R.
                         (-850850A a b + 123760B a b )d e + (218790A a b - 48620B a b )d
--R
--R
                        +----+
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                                       5 13 4 2 2 12
--R
                                 765765a e - 4594590a b d e + 11486475a b d e
--R
--R
```

```
3 3 3 11 2 4 4 10 5 5 9
--R
--R
            - 15315300a b d e   + 11486475a b d e   - 4594590a b d e
--R
--R
                 6 6 8
--R
           765765b d e
--R
--R
--R
          x
--R
                 6 13 5 2 12
--R
                                               4 2 3 11
--R
           6126120a d e - 36756720a b d e + 91891800a b d e
--R
                    3 3 4 10 2 4 5 9
--R
            - 122522400a b d e + 91891800a b d e - 36756720a b d e
--R
--R
--R
                 677
--R
           6126120b d e
--R
--R
           7
--R
          x
--R
                  6 2 12 5 3 11 4 2 4 10
--R
--R
           21441420a d e - 128648520a b d e + 321621300a b d e
--R
--R
                    3 3 5 9
                                    2 4 6 8
--R
            - 428828400a b d e + 321621300a b d e - 128648520a b d e
--R
--R
                  686
--R
           21441420b d e
--R.
--R
           6
--R
          x
--R
                  6 3 11 5 4 10 4 2 5 9
--R
--R
           42882840a d e - 257297040a b d e + 643242600a b d e
--R
                    3 3 6 8 2 4 7 7
--R
--R
            -857656800a b d e +643242600a b d e -257297040a b d e
--R
--R
                  6 9 5
--R
           42882840b d e
--R
--R
           5
--R
          х
--R
                           5 5 9
--R
                   6 4 10
                                                4 2 6 8
--R
           53603550a d e - 321621300a b d e + 804053250a b d e
--R
                     3 3 7 7 2 4 8 6 5 9 5
--R
--R
           - 1072071000a b d e + 804053250a b d e - 321621300a b d e
```

```
--R
             6 10 4
--R
--R
          53603550b d e
--R
--R
--R
          X
--R
                  6 5 9 5 6 8
--R
           42882840a d e - 257297040a b d e + 643242600a b d e
--R
--R
--R
                    3 3 8 6 2 4 9 5
           - 857656800a b d e + 643242600a b d e - 257297040a b d e
--R
--R
--R
                 6 11 3
--R
           42882840b d e
--R
--R
          3
--R
          X
--R
                 6 6 8 5 7 7
--R
--R
           21441420a d e - 128648520a b d e + 321621300a b d e
--R
                              2 4 10 4
--R
                    3 3 9 5
--R
           - 428828400a b d e + 321621300a b d e - 128648520a b d e
--R
--R
                  6 12 2
--R
           21441420b d e
--R
--R
           2
--R
          X
--R
                 6 7 7 5 8 6 4 2 9 5
--R
--R
           6126120a d e - 36756720a b d e + 91891800a b d e
--R
                    3 3 10 4 2 4 11 3
--R
           - 122522400a b d e + 91891800a b d e - 36756720a b d e
--R
--R
--R
                  6 13
--R
           6126120b d e
--R
--R
--R
--R
             6 8 6 5 9 5 4 2 10 4 3 3 11 3
--R
         765765a d e -4594590a b d e +11486475a b d e -15315300a b d e
--R
               2 4 12 2
--R
                               5 13
                                       6 14
--R
         11486475a b d e - 4594590a b d e + 765765b d
--R
--R
        +----+
--R
       \label{eq:lemma_def} \
```

```
--R
                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1100
--S 1103 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
                          (3) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1103
)clear all
--S 1104 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)/sqrt(a+b*x)
 --R
 --R
 --R
                                                                   2 3
                                                                                                      2
                                                                                                                                                                     2
                                                                                                                                                                                                                                              2
                                                                                                                                                                                                                                                                                           2 +----+
 --R
                                                   (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) | e x + d
 --R
--R
                                                                                                                                                                             +----+
--R
                                                                                                                                                                           \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--Е 1104
--S 1105 of 1293
r0:=-5/64*(b*d-a*e)^3*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*_
                       atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(9/2)*e^(3/2))-_
                       5/96*(b*d-a*e)*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)*_
                       sqrt(a+b*x)/(b^3*e)-1/24*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)*_
                       sqrt(a+b*x)/(b^2*e)+1/4*B*(d+e*x)^(7/2)*sqrt(a+b*x)/(b*e)-_
                       5/64*(b*d-a*e)^2*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^4*e)
--R
--R
 --R
                            (2)
--R
                                                                                                                                                    4 4
                                                                                                                                                                                                                 2 2
--R
                                                                (-120A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (360A \ a \ b - 300B \ a \ b)d \ e
 --R
                                                                                                                                                       2 2 2 2
                                                                                                                                                                                                                                                                                         3 3
 --R
                                                                                                                                                                                                                                        4
 --R
                                                                (-360A \ a \ b + 270B \ a \ b ) d \ e + (120A \ b - 60B \ a \ b ) d \ e - 15B \ b \ d
  --R
 --R
                                                                                    +-+ +----+
 --R.
                                                                                 --R
                                                      atanh(-----)
                                                                                    +-+ +----+
--R
--R
                                                                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
 --R
                                                                                                                                                                       2 3 3 2 2
                                                              48B b e x + ((64A b - 56B a b)e + 136B b d e)x
--R
--R
```

```
2 3 3
--R
                                                                                                                                                        2 2
--R
                                        ((-80A \ a \ b + 70B \ a \ b)e + (208A \ b - 172B \ a \ b)d \ e + 118B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                                                                                                                                                                         2
                                                                                          3 3
                                        (120A \ a \ b - 105B \ a \ ) e + (-320A \ a \ b + 265B \ a \ b) d \ e
--R
--R
--R
                                                                                            2 2
                                                                                                                                 3 3
--R
                                        (264A b - 191B a b) d e + 15B b d
--R
                                    +-+ +-+ +----+
--R
--R
                                 --R
                                 4 +-+ +-+
--R
--R
                       192b e\|b \|e
--R
                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1105
--S 1108 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
              (3) 0
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1108
)clear all
--S 1109 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)/sqrt(a+b*x)
--R
--R
--R
                                               2
                                                                                                                    +----+
--R
                             (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus |e x + d|
--R
                (1) -----
--R
--R
                                                                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1109
--S 1110 of 1293
r0:=-1/8*(b*d-a*e)^2*(b*B*d-6*A*b*e+5*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*_
              \sqrt{(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x))}/(b^{(7/2)*e^{(3/2)}}-
              1/12*(b*B*d-6*A*b*e+5*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x)/(b^2*e)+_
              1/3*B*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+b*x)/(b*e)-1/8*(b*d-a*e)*_
              (b*B*d-6*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^3*e)
--R
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                                    3 3
                                                                                                                                                              2
--R
                                        (18A \ a \ b - 15B \ a \ )e + (-36A \ a \ b + 27B \ a \ b)d \ e
```

```
--R
                                                         3 2 2 3 3
--R
--R
                                         (18A b - 9B a b )d e - 3B b d
--R
                                                        +-+ +----+
--R
--R
                                                      --R
                                    atanh(-----)
                                                        +-+ +----+
--R
                                                     --R
--R
                                                     2 2 2 2
--R
                                         8B b e x + ((12A b - 10B a b)e + 14B b d e)x
--R
--R
--R
                                                                                                2 2
--R
                                         (- 18A a b + 15B a )e + (30A b - 22B a b)d e + 3B b d
--R
--R
                                      +-+ +-+ +----+
--R
                                   --R /
                                3 +-+ +-+
--R
--R
                        24b e\|b \|e
--R
                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1110
--S 1113 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
               (3) 0
--R
                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1113
)clear all
--S 1114 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(d+e*x)/sqrt(a+b*x)
--R
--R
--R
--R
                               (B x + A) \setminus [e x + d]
--R
                 (1) -----
--R
                                                 +----+
--R
                                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1114
--S 1115 of 1293
r0:=-1/4*(b*d-a*e)*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*_
               sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(5/2)*e^(3/2))+_
               1/2*B*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x)/(b*e)-1/4*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)*_
```

```
sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^2*e)
--R
--R
--R
                  (2)
                                                                                          2 2 2
--R
                                     ((-4A \ a \ b + 3B \ a \ )e + (4A \ b - 2B \ a \ b)d \ e - B \ b \ d)
--R
--R
--R
                                                          +-+ +----+
                                                       --R
                                    atanh(-----)
--R
--R
                                                          +-+ +----+
--R
                                                        --R
--R
                                                                                                                                               +-+ +-+ +----+
--R
                               (2B b e x + (4A b - 3B a)e + B b d) | b | e | b x + a | e x + d
--R /
--R
                              2 +-+ +-+
--R
                        4b e\|b \|e
--R
                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1115
--S 1118 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
              (3) 0
--R
                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1118
)clear all
--S 1119 of 1293
t0:=(A+B*x)/(sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                                                   B \times A
              (1) -----
--R
                                   +----+
--R
--R
                                 \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                           Type: Expression(Integer)
--E 1119
--S 1120 of 1293
\texttt{r0:=(2*A*b*e-B*(b*d+a*e))*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/\_}
               (b^{(3/2)}*e^{(3/2)})+B*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b*e)
--R
--R
--R
                  (2)
--R
                                                                                                                +-+ +----+
--R
                                                                                                             +-+ +-+ +----+
```

```
((2A b - B a)e - B b d)atanh(-----) + B|b|e|b|x + a|e|x + d
--R
--R
                                   +-+ +----+
--R
                                  --R
                                         +-+ +-+
--R
--R
                                      b e\|b \|e
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1120
--S 1123 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1123
)clear all
--S 1124 of 1293
t0:=(A+B*x)/((d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
                    B x + A
--R (1) -----
           +----+
--R
--R
         (e x + d) \setminus |b x + a \setminus |e x + d
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--E 1124
--S 1125 of 1293
 \texttt{r0:=2*B*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(e^(3/2)*sqrt(b))-_} 
     2*(B*d-A*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)*sqrt(d+e*x))
--R
     (2)
--R
--R
                                          +-+ +----+
--R
                                         \|e \|b x + a
                          +----+
         (2B \ a \ e \ - \ 2B \ b \ d) \setminus | e \ x \ + \ d \ atanh(------)
--R
                                           +-+ +----+
--R
--R
                                          --R
--R.
                         +-+ +-+ +----+
--R
         (-2A e + 2B d) \setminus b \setminus e \setminus b x + a
--R /
                    +-+ +-+ +----+
--R
--R
        (a e - b d e) \setminus |b \setminus |e \times + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1125
```

```
--S 1128 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--Е 1128
)clear all
--S 1129 of 1293
t0:=(A+B*x)/((d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
                    B x + A
--R (1) -----
--R 2 2 2 +----+
--R
      (e x + 2d e x + d) | b x + a | e x + d
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1129
--S 1130 of 1293
r0:=-2/3*(B*d-A*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2))+_
   2/3*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^2*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
--R
         (((4A b - 6B a)e + 2B b d)x - 2A a e + (6A b - 4B a)d) | b x + a
--R (2) ------
       23 2222223+----+
--R
--R
      ((3a e - 6a b d e + 3b d e)x + 3a d e - 6a b d e + 3b d )\|e x + d
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1130
--S 1133 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
   (3) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1133
)clear all
--S 1134 of 1293
t0:=(A+B*x)/((d+e*x)^(7/2)*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
                        B x + A
--R (1) -----
```

```
3 3 2 2 2 3 +----+
--R
--R
                               (e x + 3d e x + 3d e x + d) \setminus |b x + a \setminus |e x + d|
--R
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1134
--S 1135 of 1293
r0:=-2/5*(B*d-A*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2))+_
              2/15*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2))+_
              4/15*b*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                 (2)
--R
--R
                                 ((-16A b + 20B a b)e - 4B b d e)x
--R
--R
                                                                                                                                                                                    2 2
                                                                             2 2
--R.
                                 ((8A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (-40A \ b + 52B \ a \ b)d \ e - 10B \ b \ d \ )x - 6A \ a \ e
--R
--R
                                                                                                                       2
                                  (20A \ a \ b - 4B \ a \ )d \ e + (-30A \ b + 20B \ a \ b)d
--R
--R
--R
                             +----+
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                           2 4 223 3322
--R
                                            3 5
--R
                                 (15a e - 45a b d e + 45a b d e - 15b d e )x
--R
--R
                                            3 4 2 2 3 2 3 2 3 4 3 2 3 2 3 2
--R
                                  (30a d e - 90a b d e + 90a b d e - 30b d e)x + 15a d e - 45a b d e
--R.
--R
                                               2 4
                                                                      3 5
--R
                                 45a b d e - 15b d
--R
--R
                              +----+
--R
                           \label{eq:lemma_def} \
--R
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1135
--S 1138 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
             (3) 0
--R.
                                                                                                                                                         Type: Expression(Integer)
--E 1138
)clear all
--S 1139 of 1293
t0:=(A+B*x)/((d+e*x)^(9/2)*sqrt(a+b*x))
```

```
--R
--R
--R
                                                                                     B x + A
--R
             (1) -----
                           4 4 3 3 2 2 2 3 4 +----+
--R
--R
                         (e x + 4d e x + 6d e x + 4d e x + d) \b x + a \e x + d
--R
                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1139
--S 1140 of 1293
r0:=-2/7*(B*d-A*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(7/2))+_
           2/35*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2))+_
           8/105*b*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^3*_
           (d+e*x)^{(3/2)}+16/105*b^{2}*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*_
           sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
            (2)
                                                     2 3 3 2 3
--R
                                         3
--R
                           ((96A b - 112B a b)e + 16B b d e)x
--R
--R
                                                   2 2 3 3
                                                                                                                                2 2 3 2 2
                           ((- 48A a b + 56B a b)e + (336A b - 400B a b )d e + 56B b d e)x
--R
--R
--R
                                                                      3 3
                                    (36A \ a \ b - 42B \ a \ )e + (-168A \ a \ b + 202B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                                                           2 2 3 3
--R
                                    (420A b - 518B a b )d e + 70B b d
--R
--R
--R
--R
--R
                           - 30A a e + (126A a b - 12B a )d e + (- 210A a b + 56B a b)d e
--R
--R
                                         3
--R
                          (210A b - 140B a b )d
--R
                        +----+
--R
--R
                      \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                     4 7
                                                      3 6 2225 334 4433
--R.
                           (105a e - 420a b d e + 630a b d e - 420a b d e + 105b d e )x
--R
--R
                                     4 6
                                                          3 2 5 2 2 3 4 3 4 5 2 2
--R
                           (315a d e - 1260a b d e + 1890a b d e - 1260a b d e + 315b d e )x
--R
--R
                                                               3 34
                                                                                                     2 2 4 3
                                                                                                                                         3 5 2
--R
                          (315a d e - 1260a b d e + 1890a b d e - 1260a b d e + 315b d e)x
--R
```

```
--R
               4 3 4 3 4 3 2 2 5 2 3 6 4 7
--R
           105a d e - 420a b d e + 630a b d e - 420a b d e + 105b d
--R
--R
         +----+
--R
         --R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1140
--S 1143 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--Е 1143
)clear all
--S 1144 of 1293
t0:=(A+B*x)/((d+e*x)^(11/2)*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
     (1)
--R
                                    B \times A
--R
      5 5 4 4 2 3 3 3 2 2 4 5 +----+
--R
--R
     (e x + 5d e x + 10d e x + 10d e x + 5d e x + d) \ x + a \ e x + d
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1144
--S 1145 of 1293
r0:=-2/9*(B*d-A*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(9/2))+_
    2/63*(b*B*d+8*A*b*e-9*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2))+_
    4/105*b*(b*B*d+8*A*b*e-9*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/_
    (e*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2))+16/315*b^2*(b*B*d+8*A*b*e-9*a*B*e)*_
    sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2))+_
    32/315*b^3*(b*B*d+8*A*b*e-9*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(e*(b*d-a*e)^5*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                              3 4
                                          4 3 4
           ((-256A b + 288B a b)e - 32B b d e)x
--R
--R.
--R.
                               224
               (128A \ a \ b \ - 144B \ a \ b \ ) e \ + (- 1152A \ b \ + 1312B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
--R
                      4 2 2
--R
               - 144B b d e
--R
--R
             3
```

```
--R
                             x
--R
                                                         2 2 3 4 3 2 2 3
--R
--R
                                   (- 96A a b + 108B a b)e + (576A a b - 660B a b )d e
--R
                                                            4 3 2 2 4 3
--R
                                  (- 2016A b + 2340B a b )d e - 252B b d e
--R
--R
--R
--R
                                 x
--R
                                                                  4 4
--R
                                                                                                                 2 2
                                    (80A a b - 90B a )e + (- 432A a b + 496B a b)d e
--R
--R
--R
                                                            3 2222
                                                                                                                  4
--R
                                      (1008A a b - 1188B a b )d e + (- 1680A b + 2016B a b )d e
--R.
--R
                                                    4 4
--R
                                  - 210B b d
--R
--R
--R
--R
                                  4 4 3 4 3 2 2 3 2 2
                             - 70A a e + (360A a b - 20B a )d e + (- 756A a b + 108B a b)d e
--R
--R
                                 3 223 4 34
--R
--R
                             (840A \ a \ b \ - 252B \ a \ b \ ) d \ e \ + \ (- 630A \ b \ + 420B \ a \ b \ ) d
--R
--R
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                             5 9 4 8 3 2 2 7 2 3 3 6 4 4 5
--R
--R
                                     315a e - 1575a b d e + 3150a b d e - 3150a b d e + 1575a b d e
--R
--R
                                                 5 5 4
                                  - 315b d e
--R
--R
--R
                                   4
--R
                                 x
--R
                                                 5 8 4 2 7 3 2 3 6 2 3 4 5
--R
--R
                                     1260a d e - 6300a b d e + 12600a b d e - 12600a b d e
--R.
                                                     4 5 4 5 6 3
--R
--R
                                  6300a b d e - 1260b d e
--R
--R
                                  3
--R
                               X
--R
                                                  5 2 7 4 3 6 3 2 4 5 2 3 5 4
--R
```

```
--R
            1890a d e - 9450a b d e + 18900a b d e - 18900a b d e
--R
--R
                  4 6 3 5 7 2
--R
            9450a b d e - 1890b d e
--R
--R
           2
--R
           X
--R
                5 3 6 4 4 5 3 2 5 4 2 3 6 3
--R
            1260a d e - 6300a b d e + 12600a b d e - 12600a b d e
--R
--R
                          5 8
--R
                 472
             6300a b d e - 1260b d e
--R
--R
--R
           X
--R
           5 4 5 4 5 4 3 2 6 3 2 3 7 2 4 8
--R
--R
         315a d e - 1575a b d e + 3150a b d e - 3150a b d e + 1575a b d e
--R
--R
            5 9
--R
         - 315b d
--R
--R
        +----+
--R
        --R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1145
--S 1148 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1148
)clear all
--S 1149 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)/(a+b*x)^(3/2)
--R
--R
--R
           2 3 2
                            2
                                          2
                                               2 +----+
--R
        (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) | e x + d
--R (1) -----
--R
                                  +----+
--R
                           (b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1149
--S 1150 of 1293
```

```
r0:=5/8*(b*d-a*e)^2*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*_
              a tanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(9/2)*sqrt(e))-\_
              2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(7/2)/(b*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))+_
              5/12*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x)/b^3+_
              1/3*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+b*x)/(b^2*(b*d-a*e))+_
              5/8*(b*d-a*e)*(b*B*d+6*A*b*e-7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/b^4
--R
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                                      3 3
--R
                                       (90A \ a \ b - 105B \ a \ )e + (-180A \ a \ b + 225B \ a \ b)d \ e
--R
                                                                                      2 2
--R
                                       (90A b - 135B a b) d e + 15B b d
--R
--R
--R
                                                                                 +-+ +----+
--R.
                                    +----+
                                                                              --R
                                  \|b x + a atanh(-----)
                                                                               +-+ +----+
--R
--R
                                                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                           2 2
--R
                                      8B b e x + ((12A b - 14B a b)e + 26B b d e)x
--R
--R
                                       ((-30A \ a \ b + 35B \ a \ b)e + (54A \ b - 68B \ a \ b)d \ e + 33B \ b \ d)x
--R
--R
--R
                                                                         3 2
                                                                                                                                   2
--R
                                       (-90A \ a \ b + 105B \ a \ )e + (150A \ a \ b - 190B \ a \ b)d \ e
--R.
--R
                                                                                            2 2
--R
                                       (-48A b + 81B a b)d
--R
                                    +-+ +-+ +----+
--R
--R
                                 --R /
--R.
                              4 +-+ +-+ +----+
--R
                      24b \|b \|e \|b x + a
--R
                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 1150
--S 1153 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
                (3) 0
--R
                                                                                                                                                          Type: Expression(Integer)
--E 1153
)clear all
```

```
--S 1154 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a+b*x)^(3/2)
--R
--R
--R
                                                 2
--R
                               (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus |e x + d
--R
--R
--R
                                                              (b x + a) \setminus |b x + a
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1154
--S 1155 of 1293
r0:=3/4*(b*d-a*e)*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
               (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(7/2)*sqrt(e))-2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(5/2)/_
               (b*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))+1/2*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)*_
               sqrt(a+b*x)/(b^2*(b*d-a*e))+3/4*(b*B*d+4*A*b*e-5*a*B*e)*_
               sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/b^3
--R
--R
--R
                 (2)
--R
                                                                                           2 2
                                                                                                                                                                                                 2 2 +----+
                                   ((- 12A a b + 15B a )e + (12A b - 18B a b)d e + 3B b d )\|b x + a
--R
--R
                                                        +-+ +----+
--R
--R
                                                     atanh(-----)
--R
--R
                                                       +-+ +----+
--R
                                                     \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                     2 2 2
--R
--R
                                        2B b e x + ((4A b - 5B a b)e + 5B b d)x + (12A a b - 15B a )e
--R
--R
                                                            2
                                         (-8A b + 13B a b)d
--R
--R
                                     +-+ +-+ +----+
--R
--R
                                   --R /
                             3 +-+ +-+ +----+
--R
--R
                        4b \|b \|e \|b x + a
--R.
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1155
--S 1158 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
             (3) 0
```

```
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1158
)clear all
--S 1159 of 1293
t0:=(A+B*x)*sqrt(d+e*x)/(a+b*x)^(3/2)
--R
--R
--R
--R
         (B x + A) \setminus [e x + d]
--R
    (1) -----
--R
--R
          (b x + a) \setminus |b x + a
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--Е 1159
--S 1160 of 1293
r0:=(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
     (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/(b^(5/2)*sqrt(e))-2*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(3/2)/_
     (b*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))+(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*_
     sqrt(d+e*x)/(b^2*(b*d-a*e))
--R
--R
--R
      (2)
                                                   +-+ +----+
--R
                                   +----+
--R
                                                  --R
          ((2A b - 3B a)e + B b d) \setminus b x + a atanh(-----)
--R
                                                   +-+ +----+
--R
                                                  \b \ \ \ x + d
--R
                                +-+ +-+ +----+
--R
--R
         (B b x - 2A b + 3B a) \setminus |b \setminus |e x + d
--R /
--R
        2 +-+ +-+ +----+
       b \mid b \mid e \mid b x + a
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--R
--E 1160
--S 1163 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                       Type: Expression(Integer)
--E 1163
)clear all
--S 1164 of 1293
```

```
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                   B x + A
--R
                   +----+
--R
--R
          (b x + a) \setminus |b x + a \setminus |e x + d
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1164
--S 1165 of 1293
r0:=2*B*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))/_
     (b^{(3/2)}*sqrt(e))-2*(A*b-a*B)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                          +-+ +----+
                          +----+
--R
                                          --R
          (2B \ a \ e \ - \ 2B \ b \ d) \setminus |b \ x \ + \ a \ atanh(------)
                                          +-+ +----+
--R
--R
                                          --R
--R
                       +-+ +-+ +----+
         (2A b - 2B a) \setminus |b \setminus |e \setminus |e x + d
--R
--R /
               2 +-+ +-+ +----+
--R
--R
       (a b e - b d) \setminus |b \setminus |e \setminus |b x + a
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1165
--S 1168 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
     (3) 0
--R
                                                      Type: Expression(Integer)
--Е 1168
)clear all
--S 1169 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
                              B x + A
     (1) -----
--R
                          +----+ +----+
--R
--R
          (b e x + (a e + b d)x + a d) | b x + a | e x + d
--R
                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1169
```

```
--S 1170 of 1293
r0:=-2*(B*d-A*e)/(e*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x))+_
    2*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)*sqrt(d+e*x)/(e*(b*d-a*e)^2*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
        ((-4Ab+2Ba)e+2Bbd)x-2Aae+(-2Ab+4Ba)d
--R (2) ------
         2 2 2 +----+
--R
--R
             (a e - 2a b d e + b d )\|b x + a \|e x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1170
--S 1173 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--Е 1173
)clear all
--S 1174 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^{(3/2)}*(d+e*x)^{(5/2)})
--R
--R
--R
    (1)
--R
                               B x + A
--R ------
    2 3 2 2 2 +----+
--R
--R (b e x + (a e + 2b d e)x + (2a d e + b d )x + a d )\|b x + a \|e x + d
--R
                                           Type: Expression(Integer)
--E 1174
--S 1175 of 1293
r0:=-2*(A*b-a*B)/(b*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x))+_
    2/3*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(b*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(3/2))+_
    4/3*(b*B*d-4*A*b*e+3*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
    (2)
--R
            2 2 2 2
--R.
        ((16A b - 12B a b)e - 4B b d e)x
--R
                   2 2 2
                                              2 2 2 2
--R
       ((8A \ a \ b - 6B \ a \ )e + (24A \ b - 20B \ a \ b)d \ e - 6B \ b \ d)x - 2A \ a \ e
--R
--R
                  2 2 2
--R
--R
      (12A \ a \ b - 4B \ a \ )d \ e + (6A \ b - 12B \ a \ b)d
```

```
--R /
--R
                                                                 3 4 2 3 2 2 2 3 3 3 2 2 2 2
--R
                                                       (3a e - 9a b d e + 9a b d e - 3b d e)x + 3a d e - 9a b d e
--R
--R
                                                                          2 3
                                                                                                        3 4
--R
                                                       9a b d e - 3b d
--R
--R
                                                  +----+
                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
--R
                                                                                                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1175
--S 1178 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
                       (3) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 1178
)clear all
--S 1179 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(7/2))
--R
--R
--R
                          (1)
--R
                                  B x + A
--R /
--R
                                                                 3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
                                                       b e x + (a e + 3b d e)x + (3a d e + 3b d e)x + (3a d e + b d)x
--R
--R
                                                                    3
--R
                                                      a d
--R
                                                  +----+
--R
--R.
                                             \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1179
--S 1180 of 1293
r0:=-2*(A*b-a*B)/(b*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+b*x))+_
                       2/5*(b*B*d-6*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(b*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(5/2))+_
                       8/15*(b*B*d-6*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(3/2))+_
                       16/15*b*(b*B*d-6*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                            (2)
                                                                                                                                         2 3
--R
                                                                                        3
                                                                                                                                                                               3 2 3
--R
                                               ((-96A b + 80B a b)e + 16B b d e)x
```

```
--R
                                        2 2 3 3
                                                                                                                        2 2 3 2 2
--R
                       ((- 48A a b + 40B a b)e + (- 240A b + 208B a b )d e + 40B b d e)x
--R
--R
                                              2 3 3 2 2 2
--R
                                  (12A \ a \ b - 10B \ a \ )e + (-120A \ a \ b + 98B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                   3 2 2
--R
                              (- 180A b + 170B a b )d e + 30B b d
--R
--R
--R
--R
                                                              2 3 2
--R
                                  3 3
                       - 6A a e + (30A a b - 4B a )d e + (- 90A a b + 40B a b)d e
--R
--R
--R
                                       3
                                                                  2 3
--R
                         (-30A b + 60B a b)d
--R /
                                    46 3 5 2224 333 4422
--R
--R
                            (15a e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15b d e )x
--R
--R
                                  4 5 3 2 4 2 2 3 3 3 4 2 4 5
--R
                            (30a d e - 120a b d e + 180a b d e - 120a b d e + 30b d e)x
--R
--R
                                  4 2 4 3 3 3 2 2 4 2 3 5 4 6
--R
                             15a d e - 60a b d e + 90a b d e - 60a b d e + 15b d
--R
--R
                         +----+
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1180
--S 1183 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--Е 1183
)clear all
--S 1184 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^{(3/2)}*(d+e*x)^{(9/2)})
--R
--R
--R (1)
--R B x + A
--R /
                             45 4 34 3 223
--R
```

```
--R
                           b e x + (a e + 4b d e)x + (4a d e + 6b d e)x
--R
--R
                                       2 2 3 2 3
                                                                                                            4
--R
                           (6a d e + 4b d e)x + (4a d e + b d)x + a d
--R
                        +----+
--R
--R
                       \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1184
--S 1185 of 1293
r0:=-2*(A*b-a*B)/(b*(b*d-a*e)*(d+e*x)^(7/2)*sqrt(a+b*x))+_
           2/7*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/(b*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2))+_
           12/35*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2))+_
           16/35*b*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2))+_
           32/35*b^2*(b*B*d-8*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
              (2)
--R
                                                     3 4
--R
                       ((256A b - 224B a b)e - 32B b d e)x
--R
--R
                                                                 2 2 4
                                                                                                                         3 3 4 2 2 3
--R
                       ((128A \ a \ b \ - 112B \ a \ b \ ) e \ + (896A \ b \ - 800B \ a \ b \ ) d \ e \ - 112B \ b \ d \ e \ ) x
--R
                                                   2 2 3 4 3 2 2 3
--R
--R
                                (-32A \ a \ b + 28B \ a \ b)e + (448A \ a \ b - 388B \ a \ b )d \ e
--R
--R
                                                                              3 2 2
                                                                                                               4 3
--R.
                                (1120A b - 1036B a b) d e - 140B b d e
--R
--R
                              2
--R
                          X
--R
--R
                                                                                                          2 2
                               (16A a b - 14B a )e + (- 112A a b + 96B a b)d e
--R
--R
--R
                                                                 2 2 2 2
                                                                                                                                              3 3
                                 (560A \ a \ b \ - 476B \ a \ b \ ) d \ e \ + \ (560A \ b \ - 560B \ a \ b \ ) d \ e \ - 70B \ b \ d
--R
--R
--R
                           x
--R
--R.
                                                                                               3
                                                                                                                              2 2
                                       4 4
                                                               3
                                                                                      4
--R.
                       - 10A a e + (56A a b - 4B a )d e + (- 140A a b + 28B a b)d e
--R
--R
                                                                  2 2 3
                                                                                                                                   3 4
                       (280A \ a \ b - 140B \ a \ b ) d \ e + (70A \ b - 140B \ a \ b ) d
--R
--R /
--R
                                           5 8
                                                            4 7 3226 2335 444
--R
                                     35a e - 175a b d e + 350a b d e - 350a b d e + 175a b d e
```

```
--R
--R
                                                   5 5 3
--R
                                             - 35b d e
--R
--R
                                          3
--R
                                       X
--R
                                                      5 7 4 2 6 3 2 3 5
--R
                                                                                                                                                                           2 3 4 4 4 5 3
                                          105a d e - 525a b d e + 1050a b d e - 1050a b d e + 525a b d e
--R
--R
--R
                                                           5 6 2
                                           - 105b d e
--R
--R
--R
                                          2
--R
                                       X
--R
--R
                                                       5 2 6 4 3 5 3 2 4 4 2 3 5 3 4 6 2
--R
                                            105a d e - 525a b d e + 1050a b d e - 1050a b d e + 525a b d e
--R
--R
                                                          5 7
                                             - 105b d e
--R
--R
--R
                                       X
--R
--R
                                    5 3 5 4 4 4 4 3 2 5 3 2 3 6 2 4 7 5 8
--R
                            35a d e - 175a b d e + 350a b d e - 350a b d e + 175a b d e - 35b d
--R
--R
                              +----+
--R
                            \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1185
--S 1188 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1188
)clear all
--S 1189 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(7/2)/(a+b*x)^(5/2)
--R
--R
--R (1)
                                       3 4 3 2 3 2 2 2 3
--R
--R
                             B e x + (A e + 3B d e )x + (3A d e + 3B d e)x + (3A d e + B d )x
--R
```

```
--R
--R
                               A d
--R
--R
                            +----+
--R
                         \label{eq:lemma_def} \
--R /
--R
                         2 2
                                                               2 +----+
--R
                     (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 1189
--S 1190 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(9/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2))+_
             35/8*(b*d-a*e)^2*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*_
             sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))*sqrt(e)/b^(11/2)-_
             2*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(7/2)/(b^2*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))+_
             35/12*e*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x)/b^4+_
             7/3*e*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*(d+e*x)^(5/2)*sqrt(a+b*x)/_
             (b^3*(b*d-a*e))+35/8*e*(b*d-a*e)*(b*B*d+2*A*b*e-3*a*B*e)*_
             sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/b^5
--R
--R
--R
               (2)
--R
                                                                              3 3
                                                                 2 2
                                                                                                                                              .3
--R
                                               (210A \ a \ b \ - 315B \ a \ b)e \ + (- 420A \ a \ b \ + 735B \ a \ b \ )d \ e
--R
--R
--R
                                               (210A b - 525B a b) d e + 105B b d
--R
--R.
                                         X
--R
--R
                                                                       4 3
                                                                                                                         2 2
--R
                                     (210A \ a \ b - 315B \ a \ )e + (-420A \ a \ b + 735B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                         3
                                                                                      2 2 2
                                     (210A \ a \ b \ - 525B \ a \ b \ )d \ e \ + \ 105B \ a \ b \ d
--R
--R
--R
                                                                                      +-+ +----+
                                                                                   --R
                                 +-+ +----+
                               \|e \|b x + a atanh(-----)
--R
                                                                                      +-+ +----+
--R
--R
                                                                                    \begin{tabular}{ll} \beg
--R.
--R.
                                              4 3 4
                                                                                     4
                                                                                                             3 3
                                                                                                                                             4 2 3
--R
                                    8B b e x + ((12A b - 18B a b)e + 38B b d e)x
--R
--R
                                                                                        2 2 3
                                                                                                                                             3 2
--R
                                    ((-42A \ a \ b + 63B \ a \ b ) e + (78A \ b - 138B \ a \ b ) d \ e + 87B \ b \ d \ e)x
--R
--R
                                                                      2 2
                                                                                                     3 3
                                                                                                                                                  3
                                                                                                                                                                            2 2
```

```
--R
                                               (-280A \ a \ b + 420B \ a \ b)e + (476A \ a \ b - 854B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                              3 2 4 3
--R
                                               (-160A b + 478B a b) d e - 48B b d
--R
--R
--R
                                                                                       4 3
                                                                                                                           2 2
--R
                                     (-210A \ a \ b + 315B \ a \ )e + (350A \ a \ b - 630B \ a \ b)d \ e
--R
--R
                                                                                      2 2 2
--R
                                     (-112A \ a \ b + 343B \ a \ b ) d \ e + (-16A \ b - 32B \ a \ b ) d
--R
--R
                                  +-+ +----+
--R
--R
                               \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                                     5 +-+ +----+
--R
                     (24b x + 24a b) | b | x + a
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1190
--S 1193 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
            (3) 0
--R
                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1193
)clear all
--S 1194 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(5/2)/(a+b*x)^(5/2)
--R
--R
                                                           2
                                                                                            2
--R.
                           (B e x + (A e + 2B d e)x + (2A d e + B d)x + A d) | e x + d
               (1) -----
--R
--R
--R
                                                                          (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 1194
--S 1195 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(7/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2))+_
             5/4*(b*d-a*e)*(3*b*B*d+4*A*b*e-7*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/_
             (sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))*sqrt(e)/b^(9/2)-2/3*(3*b*B*d+4*A*b*e-7*a*B*e)*_
             (d+e*x)^(5/2)/(b^2*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))+5/6*e*_
             (3*b*B*d+4*A*b*e-7*a*B*e)*(d+e*x)^(3/2)*sqrt(a+b*x)/(b^3*(b*d-a*e))+_
             5/4*e*(3*b*B*d+4*A*b*e-7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/b^4
```

```
--R
--R
--R
                              (2)
                                                                                                                       2 2 2 3
--R
--R
                                                                  ((- 60A a b + 105B a b)e + (60A b - 150B a b )d e + 45B b d )x
--R
                                                                                                          2 3 2 2 2
--R
                                                                  (- 60A a b + 105B a )e + (60A a b - 150B a b)d e + 45B a b d
--R
--R
--R
                                                                                                                                                                  +-+ +----+
--R
                                                              +-+ +----+
                                                                                                                                                           \|e \|b x + a atanh(-----)
--R
                                                                                                                                                                  +-+ +----+
--R
 --R
                                                                                                                                                             \begin{tabular}{ll} \beg
 --R
 --R
                                                                                     3 2 3
                                                                                                                                                           3
                                                                                                                                                                                                                 2 2
--R
                                                                   6B b e x + ((12A b - 21B a b)e + 27B b d e)x
--R
--R
                                                                                                                                           2 2
                                                                                                                                                                                                                                       3
                                                                   ((80A a b - 140B a b)e + (- 56A b + 158B a b )d e - 24B b d )x
--R
--R
--R
                                                                                                  2 3 2 2
                                                                     (60A \ a \ b - 105B \ a \ )e + (-40A \ a \ b + 115B \ a \ b)d \ e
--R
--R
--R
                                                                     (-8A b - 16B a b )d
--R
--R
                                                               +-+ +----+
--R
--R
                                                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
                                                           5 4 +-+ +----+
--R
--R
                                        (12b x + 12a b) | b | x + a
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1195
--S 1198 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
                       (3) 0
 --R
                                                                                                                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1198
)clear all
--S 1199 of 1293
t0:=(A+B*x)*(d+e*x)^(3/2)/(a+b*x)^(5/2)
--R
--R
                                                                                                                                                                                                          +----+
--R
                                                                                    2
```

```
--R
                              (B e x + (A e + B d)x + A d) \setminus |e x + d
--R
                (1) -----
--R
                                            2 2 2 +----+
--R
                                           (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1199
--S 1200 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(5/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2))+_
              (3*b*B*d+2*A*b*e-5*a*B*e)*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*__
              sqrt(d+e*x)))*sqrt(e)/b^(7/2)-2/3*(3*b*B*d+2*A*b*e-5*a*B*e)*_
              (d+e*x)^(3/2)/(b^2*(b*d-a*e)*sqrt(a+b*x))+e*(3*b*B*d+2*A*b*e-5*a*B*e)*_
              sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x)/(b^3*(b*d-a*e))
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                   2
                                                                                                         2
                                                                                                                                                                    2
--R
                                 (((6A b - 15B a b)e + 9B b d)x + (6A a b - 15B a )e + 9B a b d) | e
--R
--R
                                                                               +-+ +----+
--R
                                   +----+
                                                                            \|b x + a atanh(-----)
--R
--R
                                                                               +-+ +----+
--R
                                                                             --R
--R
--R
                                      3B b e x + ((-8A b + 20B a b)e - 6B b d)x + (-6A a b + 15B a )e
--R
--R
                                                        2
--R
                                      (-2A b - 4B a b)d
--R
--R
                                  +-+ +----+
--R
                                \begin{tabular}{ll} \beg
--R /
--R
                                                 3 +-+ +----+
--R
                      (3b x + 3a b) | b | x + a
--R
                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1200
--S 1203 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R.
--R
              (3) 0
--R
                                                                                                                                                        Type: Expression(Integer)
--E 1203
)clear all
--S 1204 of 1293
```

```
t0:=(A+B*x)*sqrt(d+e*x)/(a+b*x)^(5/2)
--R
--R
--R
--R
              (B x + A) \setminus |e x + d
--R
     (1) -----
--R
                          2 +----+
--R
          (b x + 2a b x + a) \setminus |b x + a|
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1204
--S 1205 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)*(d+e*x)^(3/2)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2))+_
    2*B*atanh(sqrt(e)*sqrt(a+b*x)/(sqrt(b)*sqrt(d+e*x)))*sqrt(e)/b^(5/2)-_
    2*B*sqrt(d+e*x)/(b^2*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
     (2)
                           2
                                      2
--R
                                                   +-+ +----+
           ((6B \ a \ b \ e \ - \ 6B \ b \ d)x \ + \ 6B \ a \ e \ - \ 6B \ a \ b \ d) \setminus |e \ \setminus |b \ x \ + \ a
--R
--R
--R
                 +-+ +----+
--R
                 --R
           atanh(-----)
                  +-+ +----+
--R
                 --R
--R
--R
                        2
                                   2 2
                                                                 +-+ +----+
--R
       (((2A b - 8B a b)e + 6B b d)x - 6B a e + (2A b + 4B a b)d)\|b \|e x + d
--R /
--R
                  4
                          2 2
                                   3 +-+ +----+
--R
       ((3a b e - 3b d)x + 3a b e - 3a b d) | b | b x + a
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1205
--S 1208 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1208
)clear all
--S 1209 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(5/2)*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                          B \times A
```

```
--R
         2 2 2 +----+
--R
--R
        (b x + 2a b x + a) \mid b x + a \mid e x + d
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1209
--S 1210 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2))-_
    2/3*(3*b*B*d-2*A*b*e-a*B*e)*sqrt(d+e*x)/(b*(b*d-a*e)^2*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
          (((4A b + 2B a)e - 6B b d)x + 6A a e + (- 2A b - 4B a)d) | e x + d
--R
     (2) -----
          2 2 2 3 2 3 2 2 2 2 +-----
--R
--R
        ((3a b e - 6a b d e + 3b d )x + 3a e - 6a b d e + 3a b d )\|b x + a
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--E 1210
--S 1213 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                              Type: Expression(Integer)
--E 1213
)clear all
--S 1214 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(3/2))
--R
--R
--R
    (1)
--R
                              B x + A
--R
     2 3 2 2 2
--R.
                                           2 +----+
--R
    (b e x + (2a b e + b d)x + (a e + 2a b d)x + a d) \ b x + a \ e x + d
--R
                                             Type: Expression(Integer)
--Е 1214
--S 1215 of 1293
r0:=-2*(B*d-A*e)/(e*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x))+_
    2/3*(3*b*B*d-4*A*b*e+a*B*e)*sqrt(d+e*x)/(e*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)^(3/2))-_
    4/3*(3*b*B*d-4*A*b*e+a*B*e)*sqrt(d+e*x)/((b*d-a*e)^3*sqrt(a+b*x))
--R
--R
--R
   (2)
            2 2 2
--R
--R
       ((-16A b + 4B a b)e + 12B b d e)x
```

```
--R
                                                                                                                                  2 2 2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                        2 2
--R
--R
                                            ((- 24A a b + 6B a )e + (- 8A b + 20B a b)d e + 6B b d )x - 6A a e
--R
                                                                                                                                                          2
--R
                                                                                                                                 2
                                               (-12A \ a \ b + 12B \ a \ )d \ e + (2A \ b + 4B \ a \ b)d
--R
--R /
--R
                                                                     3 3 2 2 2
                                                                                                                                                                             3 2
                                                                                                                                                                                                                       4 3
                                                                                                                                                                                                                                                                  4 3
--R
                                                       (3a b e - 9a b d e + 9a b d e - 3b d )x + 3a e - 9a b d e
--R
--R
                                                                2 2 2
                                                                                                                       3 3
                                                    9a b d e - 3a b d
--R
--R
                                                 +----+
--R
--R
                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 1215
--S 1218 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
                      (3) 0
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                Type: Expression(Integer)
--E 1218
)clear all
--S 1219 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(5/2))
--R
--R
--R
                       (1)
--R
                                 B x + A
--R /
                                                        2 2 4 2 2 3
                                                                                                                                                                                                              2 2
--R
--R
                                                      b e x + (2a b e + 2b d e)x + (a e + 4a b d e + b d)x
--R
                                                                                                                          2
--R
                                                                                                                                                          2 2
--R
                                                    (2a d e + 2a b d)x + a d
--R
                                                 +----+
--R
--R.
                                              \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                                                                                                                               Type: Expression(Integer)
--E 1219
--S 1220 of 1293
r0:=-2/3*(B*d-A*e)/(e*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(3/2))+_
                       2/3*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)/(e*(b*d-a*e)^2*(a+b*x)^(3/2)*sqrt(d+e*x))-_
                       8/3*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)/((b*d-a*e)^3*sqrt(a+b*x)*sqrt(d+e*x))-_
```

```
16/3*e*(b*B*d-2*A*b*e+a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                (2)
                                         3 2 3 3 2 3
--R
                          ((32A b - 16B a b)e - 16B b d e)x
--R
--R
--R
                                                                    2 3
                                                                                                        3
                         ((48A a b - 24B a b)e + (48A b - 48B a b )d e - 24B b d e)x
--R
--R
                                                                 3 3
                                                                                                            2
--R
                                  (12A \ a \ b - 6B \ a \ ) e + (72A \ a \ b - 42B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                                                                           2 2
--R
--R
                                  (12A b - 42B a b )d e - 6B b d
--R
--R
--R
--R
                                     3 3 2 3 2
                         - 2A a e + (18A a b - 4B a )d e + (18A a b - 24B a b)d e
--R
--R
--R
                                       3 2 3
--R
                          (-2Ab-4Bab)d
--R /
                                    4 5 3 2 4 2 3 2 3 4 3 2 5 4 2
--R
--R
                              (3a b e - 12a b d e + 18a b d e - 12a b d e + 3b d e)x
--R
--R
                                     5 5 4 4 3 2 2 3 2 3 3 2 4 4 5 5
--R
                               (3a e - 9a b d e + 6a b d e + 6a b d e - 9a b d e + 3b d)x
--R
--R
                                                          4 2 3 3 2 3 2
                                                                                                                              2 3 4 4 5
--R
                              3a d e - 12a b d e + 18a b d e - 12a b d e + 3a b d
--R
--R
                           +----+
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 1220
--S 1223 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R.
                                                                                                                                              Type: Expression(Integer)
--E 1223
)clear all
--S 1224 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(7/2))
```

```
--R
--R
--R
                (1)
--R
                    B \times A
--R /
                                                            3 2 2 4 2 3
--R
                                   2 3 5
                                                                                                                                                                            2 2 3
--R
                                b e x + (2a b e + 3b d e)x + (a e + 6a b d e + 3b d e)x
--R
                                                                         2 232
                                                                                                                             2 2
--R
                                        2 2
                                (3a d e + 6a b d e + b d)x + (3a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R
                             +----+
--R
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                    Type: Expression(Integer)
--E 1224
--S 1225 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(5/2))-_
              2/3*(3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*_
              (d+e*x)^{(5/2)}*sqrt(a+b*x)-4/5*e*(3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*_
              sqrt(a+b*x)/(b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(5/2))-16/15*e*_
              (3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^4*(d+e*x)^(3/2))-_
              32/15*b*e*(3*b*B*d-8*A*b*e+5*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*sqrt(d+e*x))
--R
--R
                 (2)
--R
--R
                                                                                     3 4 4 3 4
--R
                           ((-256A b + 160B a b)e + 96B b d e)x
--R
--R
                                                                                                  2 2 4
                                                                                                                                               4
                                                                       3
--R
                                           (-384A \ a \ b + 240B \ a \ b ) e + (-640A \ b + 544B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
                                                           4 2 2
--R
                                           240B b d e
--R
--R
                                   3
--R
                                X
--R
--R
                                                           2 2
                                                                                     3 4
                                                                                                                                         3
--R
                                     (-96A \ a \ b + 60B \ a \ b)e + (-960A \ a \ b + 636B \ a \ b)d \ e
 --R
--R
                                                            4
                                                                                          3 2 2
--R.
                                      (-480A b + 660B a b) d e + 180B b d e
--R
--R
                                   2
--R
                                x
--R
--R
                                                                           4 4
                                                                                                                           2 2
                                    (16A a b - 10B a )e + (- 240A a b + 144B a b)d e
--R
--R
```

```
3 2 2 2 2 4 3 3 4 4
--R
--R
                                  (-720A \ a \ b + 540B \ a \ b ) d \ e + (-80A \ b + 320B \ a \ b ) d \ e + 30B \ b \ d
--R
--R
                         x
--R
                                                                                                                                 2 2 3 2 2
                                   4 4 3
                                                                               4 3
--R
                      - 6A a e + (40A a b - 4B a )d e + (- 180A a b + 60B a b)d e
--R
--R
                                              3 223 4 34
--R
                         (- 120A a b + 180B a b )d e + (10A b + 20B a b )d
--R
--R /
                                          5 7 4 2 6 3 3 2 5 2 4 3 4 5 4 3
--R
                                    15a b e - 75a b d e + 150a b d e - 150a b d e + 75a b d e
--R
--R
--R
                                               6 5 2
--R
                                    - 15b d e
--R
--R
                                  3
--R
                                 x
--R
--R
                                         67 5 6 3334 2443 552
--R
                                   15a e - 45a b d e + 150a b d e - 225a b d e + 135a b d e
--R
                                           6 6
--R
--R
                                      - 30b d e
--R
--R
--R
                                 x
--R
                                         6 6 5 2 5 4 2 3 4 3 3 4 3 5 6
--R
--R
                                    30a de - 135a b de + 225a b de - 150a b de + 45a b de
--R
--R
                                                6 7
--R
                                  - 15b d
--R
--R
--R
                               6 2 5 5 3 4 4 2 4 3 3 3 5 2 2 4 6
--R
--R
                        15a d e - 75a b d e + 150a b d e - 150a b d e + 75a b d e - 15a b d
--R
                         +----+
--R
--R
                        \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                     Type: Expression(Integer)
--E 1225
--S 1228 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
```

```
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1228
)clear all
--S 1229 of 1293
t0:=(A+B*x)/((a+b*x)^(5/2)*(d+e*x)^(9/2))
--R
--R
--R
               (1)
--R
                    B \times A
--R /
                                                                                      2 3 5
                                                                      4
                                                                                                                         2 4
--R
                                  2 4 6
--R
                               b e x + (2a b e + 4b d e )x + (a e + 8a b d e + 6b d e )x
--R
--R
                                                                           2 2 2 3 3
                                                                                                                                      2 2 2
                                                                                                                                                                      3 24 2
--R.
                                (4a d e + 12a b d e + 4b d e)x + (6a d e + 8a b d e + b d )x
--R
--R
                                       2 3
                                                                      4
                                                                                         2 4
--R
                                (4a d e + 2a b d)x + a d
--R
--R
                            +----+
--R
                          \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1229
--S 1230 of 1293
r0:=-2/3*(A*b-a*B)/(b*(b*d-a*e)*(a+b*x)^(3/2)*(d+e*x)^(7/2))-_
             2/3*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)/(b*(b*d-a*e)^2*(d+e*x)^(7/2)*_
             sqrt(a+b*x))-16/21*e*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/_
             (b*(b*d-a*e)^3*(d+e*x)^(7/2))-32/35*e*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*_
             \sqrt{(b*d-a*e)^4*(d+e*x)^5-128/105*b*e*_}
             (3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/((b*d-a*e)^5*(d+e*x)^(3/2))-_
             256/105*b^2*e*(3*b*B*d-10*A*b*e+7*a*B*e)*sqrt(a+b*x)/_
             ((b*d-a*e)^6*sqrt(d+e*x))
--R
--R
--R
                (2)
--R
                                                                                   4 5
--R
                           ((2560A b - 1792B a b)e - 768B b d e)x
--R
--R
                                                              4
                                                                                         235
                                                                                                                                      5
--R.
                                      (3840A \ a \ b \ - 2688B \ a \ b \ ) e \ + (8960A \ b \ - 7424B \ a \ b \ ) d \ e
--R
--R
                                                             5 2 3
                                     - 2688B b d e
--R
--R
--R
                                  4
--R
                                х
--R
```

```
2 3 3 2 5 4 2 3 4
--R
--R
           (960A \ a \ b - 672B \ a \ b ) e + (13440A \ a \ b - 9696B \ a \ b ) d \ e
--R
                 5 4 2 3
--R
                                      5 3 2
--R
          (11200A b - 11872B a b )d e - 3360B b d e
--R
--R
         3
--R
        x
--R
                 3 2 4 5 2 3
--R
--R
          (- 160A a b + 112B a b)e + (3360A a b - 2304B a b )d e
--R
                       2 3 2 3 5 4 3 2
--R
          (16800A a b - 12768B a b )d e + (5600A b - 8960B a b )d e
--R
--R
--R
                 5 4
--R
          - 1680B b d e
--R
--R
         2
--R
         x
--R
--R
              4 5 5 3 2 4 4
--R
          (60A \ a \ b - 42B \ a \ ) e + (-560A \ a \ b + 374B \ a \ b) d \ e
--R
--R
                2 3 3 2 2 3
          (4200A a b - 2772B a b )d e + (8400A a b - 7140B a b )d e
--R
--R
               5 4 4 5 5
--R
--R
          (700A b - 3010B a b )d e - 210B b d
--R
--R
--R
                                            3 2 4 2 3
--R
       - 30A a e + (210A a b - 12B a )d e + (- 700A a b + 112B a b)d e
--R
--R
             23 3232 4 234
--R
        (2100A \ a \ b - 840B \ a \ b ) d \ e + (1050A \ a \ b - 1680B \ a \ b ) d \ e
--R
--R
--R
            5
        (- 70A b - 140B a b )d
--R
--R /
--R
               6 9 5 2 8 4 3 2 7 3 4 3 6
--R
            105a b e - 630a b d e + 1575a b d e - 2100a b d e
--R
               2545 654 763
--R
--R
           1575a b d e - 630a b d e + 105b d e
--R
--R
--R
          х
--R
```

```
7 9 6 8 5 2 2 7 4 3 3 6 3 4 4 5
--R
                                       105a e - 315a b d e - 315a b d e + 2625a b d e - 4725a b d e
--R
--R
                                                    2 5 5 4 6 6 3 7 7 2
--R
--R
                                     4095a b d e - 1785a b d e + 315b d e
--R
--R
                                    3
--R
                                   x
--R
                                                7 8 6 2 7
--R
                                                                                                                     5 2 3 6
                                                                                                                                                           4 3 4 5
                                      315a d e - 1575a b d e + 2835a b d e - 1575a b d e
--R
--R
                                                         3 4 5 4 2 5 6 3 6 7 2
--R
--R
                                      - 1575a b d e + 2835a b d e - 1575a b d e + 315b d e
--R
--R
                                     2
--R
                                   X
--R
                                               7 2 7 6 3 6 5 2 4 5 4 3 5 4
--R
--R
                                       315a d e - 1785a b d e + 4095a b d e - 4725a b d e
--R
--R
                                                   3 4 6 3 2 5 7 2 6 8 7 9
--R
                                        2625a b d e -315a b d e -315a b d e + 105b d
--R
--R
--R
                                    7 3 6 6 4 5 5 2 5 4 4 3 6 3 3 4 7 2
--R
--R
                            105a d e - 630a b d e + 1575a b d e - 2100a b d e + 1575a b d e
--R
                                            2 5 8 6 9
--R
--R
                             - 630a b d e + 105a b d
--R
--R
                          +----+
--R
                         \begin{tabular}{ll} \beg
--R
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1230
--S 1233 of 1293
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R.
                                                                                                                                            Type: Expression(Integer)
--E 1233
)clear all
--S 1234 of 1293
t0:=(a+b*x)*(c+d*x)^n/(e+f*x)^n
--R
```

```
--R
--R
--R (b x + a)(d x + c)
--R (1) -----
--R
                                 (f x + e)
--R
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--Е 1234
--S 1235 of 1293
--r0:=1/2*b*(c+d*x)^(1+n)*(e+f*x)^(1-n)/(d*f)+1/2*(2*a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_{-})*(f*f))
-d*e*(1+n)))*(c+d*x)^n*(e+f*x)^(1-n)*_
--hypergeometric(1-n,-n,2-n,d*(e+f*x)/(d*e-c*f))/_
--(d*f^2*(1-n)*(-f*(c+d*x)/(d*e-c*f))^n)
--E 1235
--S 1238 of 1293
--d0:=t0-D(r0,x)
--Е 1238
)clear all
--S 1239 of 1293
t0:=(a+b*x)*(c+d*x)^(-1+n)/(e+f*x)^n
--R
--R
--R
                                                               n - 1
               (b x + a)(d x + c)
--R
--R (1) -----
--R
--R
                                              (f x + e)
--R
                                                                                                                                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1239
--S 1240 of 1293
--r0:=-(b*c-a*d)*(c+d*x)^n*(e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)*n)-(a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-b*(c*f*(1-n)+_a*d*f-
--d*e*n))*(c+d*x)^n*(e+f*x)^(1-n)*_
--hypergeometric(1-n,-n,2-n,d*(e+f*x)/(d*e-c*f))/(d*f*(d*e-c*f)*(1-n)*n*_
--(-f*(c+d*x)/(d*e-c*f))^n)
--E 1240
--S 1243 of 1293
--d0:=t0-D(r0,x)
--Е 1243
)clear all
--S 1244 of 1293
t0:=(a+b*x)*(c+d*x)^(-2+n)/(e+f*x)^n
--R
```

```
--R
--R
                    n - 2
--R
        (b x + a)(d x + c)
--R
    (1) -----
--R
              (f x + e)
--R
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1244
--S 1245 of 1293
--r0 := (b*c-a*d)*(c+d*x)^(-1+n)*(e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)*(1-n)) + \_
--b*(c+d*x)^n*(e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)*n)-b*(c+d*x)^n*(e+f*x)^(1-n)*_-
--hypergeometric(1-n,-n,2-n,d*(e+f*x)/(d*e-c*f))/(d*(d*e-c*f)*(1-n)*n*_
--(-f*(c+d*x)/(d*e-c*f))^n
--Е 1245
--S 1248 of 1293
--d0:=t0-D(r0,x)
--Е 1248
)clear all
--S 1249 of 1293
t0:=(a+b*x)*(c+d*x)^(-3+n)/(e+f*x)^n
--R
--R
--R
                    n - 3
--R
     (b x + a)(d x + c)
--R
    (1) -----
--R.
--R
              (f x + e)
--R
                                                  Type: Expression(Integer)
--E 1249
--S 1250 of 1293
r0:=(b*c-a*d)*(c+d*x)^(-2+n)*(e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)*(2-n))+_
    (a*d*f+b*(c*f*(1-n)-d*e*(2-n)))*(c+d*x)^(-1+n)*_{-}
    (e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)^2*(1-n)*(2-n))
--R
--R
--R
     (2)
--R
--R
          ((-b c f + b d e)n + (a d + b c)f - 2b d e)(d x + c)
--R.
--R
                          2
                                   2
             ((-acd+bc)f+(ad -bcd)e)n+(acd-bc)f
--R
--R
--R
--R
             (-ad +bcd)e
--R
```

```
--R
              n - 2
--R
           (d x + c)
--R
--R
               - n + 1
--R
        (f x + e)
--R /
          2 2 2 3 2 2 2 2 3 2 2 2
--R
--R
        (c d f - 2c d e f + d e)n + (- 3c d f + 6c d e f - 3d e)n + 2c d f
--R
            2
--R
                    3 2
--R
        - 4c d e f + 2d e
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1250
--S 1253 of 1293
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1253
)clear all
--S 1254 of 1293
t0:=(a+b*x)*(c+d*x)^(-4+n)/(e+f*x)^n
--R
--R
--R
                        n - 4
     (b x + a)(d x + c)
--R.
--R
    (1) -----
--R
              (f x + e)
--R
--R
                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1254
--S 1255 of 1293
r0:=(b*c-a*d)*(c+d*x)^(-3+n)*(e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)*(3-n))+_{-1}
    (2*a*d*f+b*(c*f*(1-n)-d*e*(3-n)))*(c+d*x)^(-2+n)*(e+f*x)^(1-n)/_
    (d*(d*e-c*f)^2*(2-n)*(3-n))-f*(2*a*d*f+b*(c*f*(1-n)-d*e*(3-n)))*_
    (c+d*x)^{(-1+n)}*(e+f*x)^{(1-n)}/(d*(d*e-c*f)^3*(1-n)*(2-n)*(3-n))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                          2
          ((b c f - b d e f)n + (- 2a d - b c)f + 3b d e f)(d x + c)
--R
--R
--R
                  2 2
                                       2 2 2
             (-bcf + 2bcdef - bde)n
--R
--R
```

```
2 2 2
--R
--R
            ((2a c d + 2b c )f + (- 2a d - 6b c d)e f + 4b d e )n
--R
--R
                         2 2
                                 2
--R
           (- 2a c d - b c )f + (2a d + 4b c d)e f - 3b d e
--R
                 n - 2
--R
--R
           (d x + c)
--R
--R
                           3 2
--R
                 (-acd+bc)f + (2acd - 2bcd)e f
--R
--R
                      3
                 (-ad+bcd)e
--R
--R
--R
               2
--R
              n
--R
                    2 3 2
--R
               (3a c d - 3b c)f + (-6a c d + 6b c d)e f
--R
--R
                  3 2 2
--R
--R
                (3a d - 3b c d)e
--R
--R
--R
               2 3 2 2
--R
--R
           (- 2a c d + 2b c )f + (4a c d - 4b c d)e f + (- 2a d + 2b c d )e
--R
--R
                 n - 3
--R
           (d x + c)
--R
--R
              - n + 1
--R
        (f x + e)
--R /
         3 3 2 2 2 3 2 4 3 3
--R
--R
       (c d f - 3c d e f + 3c d e f - d e)n
--R
--R
          3 3 2 2 2 3 2 4 3 2
       (- 6c d f + 18c d e f - 18c d e f + 6d e )n
--R
--R
--R
                                     4 3 3 3 2 2 2
          3 3 22 2
                               3 2
--R.
       (11c d f - 33c d e f + 33c d e f - 11d e )n - 6c d f + 18c d e f
--R
--R
            3 2 4 3
--R
       - 18c d e f + 6d e
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1255
--S 1258 of 1293
```

```
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R
    (3) 0
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--Е 1258
)clear all
--S 1259 of 1293
t0:=(a+b*x)*(c+d*x)^(-5+n)/(e+f*x)^n
--R
--R
--R
                        n - 5
--R
       (b x + a)(d x + c)
--R
    (1) -----
--R
--R.
              (f x + e)
--R
                                               Type: Expression(Integer)
--E 1259
--S 1260 of 1293
r0:=(b*c-a*d)*(c+d*x)^(-4+n)*(e+f*x)^(1-n)/(d*(d*e-c*f)*(4-n))+_{-}
    (3*a*d*f+b*(c*f*(1-n)-d*e*(4-n)))*(c+d*x)^(-3+n)*(e+f*x)^(1-n)/_
    (d*(d*e-c*f)^2*(3-n)*(4-n))-2*f*(3*a*d*f+b*(c*f*(1-n)-d*e*(4-n)))*\_
    (c+d*x)^{(-2+n)*(e+f*x)^{(1-n)}/(d*(d*e-c*f)^3*(2-n)*(3-n)*(4-n))+_{-}
    2*f^2*(3*a*d*f+b*(c*f*(1-n)-d*e*(4-n)))*(c+d*x)^(-1+n)*_
    (e+f*x)^{(1-n)}/(d*(d*e-c*f)^{4}*(1-n)*(2-n)*(3-n)*(4-n))
--R
--R.
--R
     (2)
                 3 2 3 2 n-1
--R
--R
          ((-2b c f + 2b d e f)n + (6a d + 2b c)f - 8b d e f)(d x + c)
--R
--R
                              2
                                     2 2 2
             (2b c f - 4b c d e f + 2b d e f)n
--R
--R
--R
                           2 3
             ((- 6a c d - 4b c )f + (6a d + 14b c d)e f - 10b d e f)n
--R
--R
                        2 3 2
--R
--R
            (6a c d + 2b c )f + (- 6a d - 10b c d)e f + 8b d e f
--R.
--R.
                  n - 2
--R
           (d x + c)
--R
                 3 3 2 2 2 2 3 3 3
--R
--R
             (-bcf + 3bcdef - 3bcdef + bde)n
--R
--R
                     2 3 3 2 2 2
```

```
--R
              (3a c d + 4b c)f + (-6a c d - 15b c d)e f
--R
--R
                 3 2 2 3 3
--R
              (3a d + 18b c d )e f - 7b d e
--R
--R
              2
--R
             n
--R
                   2 3 3 2 2
--R
              (- 9a c d - 5b c )f + (18a c d + 24b c d)e f
--R
--R
                  3 2 2
                                  3 3
--R
               (-9a d - 33b c d)e f + 14b d e
--R
--R
--R
--R
--R
              2 3 3
                                 2 2 2
           (6a c d + 2b c )f + (- 12a c d - 12b c d)e f
--R
--R
              3 2 2 3 3
--R
--R
            (6a d + 18b c d )e f - 8b d e
--R
--R
             n - 3
--R
          (d x + c)
--R
                  3 4 3 2 2 3 2
--R
--R
              (-acd+bc)f + (3acd - 3bcd)ef
--R
--R
                    3 222 4 33
--R
              (- 3a c d + 3b c d )e f + (a d - b c d )e
--R
--R
              3
--R
             n
--R
                      4 3
--R
                                   2 2
              (6a c d - 6b c )f + (- 18a c d + 18b c d)e f
--R
--R
--R
                        2 2 2
              (18a c d - 18b c d )e f + (- 6a d + 6b c d )e
--R
--R
--R
--R
             n
--R.
--R
                    3 4 3 2 2 3 2
--R
              (- 11a c d + 11b c )f + (33a c d - 33b c d)e f
--R
                    3 2 2 2 4 3 3
--R
--R
               (-33a c d + 33b c d) e f + (11a d - 11b c d) e
--R
--R
            n
```

```
--R
             3 4 3 2 2 3 2
--R
--R
            (6a c d - 6b c )f + (- 18a c d + 18b c d)e f
--R
                 3 222 4 33
--R
           (18a c d - 18b c d )e f + (- 6a d + 6b c d )e
--R
--R
--R
                n - 4
         (d x + c)
--R
--R
--R
             - n + 1
       (f x + e)
--R
--R /
--R
               3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 4
--R
       (c d f -4c d e f +6c d e f -4c d e f + d e )n
--R
--R.
           4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 3
--R
       (- 10c d f + 40c d e f - 60c d e f + 40c d e f - 10d e )n
--R
         4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4 2
--R
--R
       (35c d f - 140c d e f + 210c d e f - 140c d e f + 35d e)n
--R
--R
           4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
       (-50cdf + 200cdef - 300cdef + 200cdef - 50de)n
--R
         4 4 3 2 3 2 3 2 2 4 3 5 4
--R
--R
       24c d f - 96c d e f + 144c d e f - 96c d e f + 24d e
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1260
--S 1263 of 1293
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                          Type: Expression(Integer)
--E 1263
)clear all
--S 1264 of 1293
t0:=(c+d*x)*(e+f*x)^n/(a+b*x)^n
--R
--R
--R
--R
      (d x + c)(f x + e)
--R (1) -----
--R
            (b x + a)
--R
--R
                                          Type: Expression(Integer)
```

```
--E 1264
--S 1265 of 1293
--r0:=1/2*d*(a+b*x)^{(1-n)}*(e+f*x)^{(1+n)}/(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))-_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*(2*c*f-d*e*(1-n))+_{-}(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*(b*f)+1/2*
--a*d*f*(1+n))*(-f*(a+b*x)/(b*e-a*f))^n*(e+f*x)^(1+n)*_
--hypergeometric(n,1+n,2+n,b*(e+f*x)/(b*e-a*f))/(b*f^2*(1+n)*(a+b*x)^n)
--E 1265
--S 1268 of 1293
--d0:=t0-D(r0,x)
--Е 1268
)clear all
--S 1269 of 1293
t0:=(c+d*x)*(e+f*x)^(-1+n)/(a+b*x)^n
--R
--R
--R
                                                                                                                                          n - 1
--R
                                            (d x + c)(f x + e)
--R (1) -----
                                                                                          n
--R
--R
                                                                               (b x + a)
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--Е 1269
--S 1270 of 1293
--r0:=(d*e-c*f)*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^n/(f*(b*e-a*f)*n)+(b*(c*f-d*e*(1-n))-_{-}(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c*f-d*e*(1-n)))+(b*(c
--a*d*f*n)*(-f*(a+b*x)/(b*e-a*f))^n*(e+f*x)^(1+n)*_
--hypergeometric(n,1+n,2+n,b*(e+f*x)/(b*e-a*f))/(f^2*(b*e-a*f)*n*_
--(1+n)*(a+b*x)^n
--E 1270
--S 1273 of 1293
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 1273
)clear all
--S 1274 of 1293
t0:=(c+d*x)*(e+f*x)^(-2+n)/(a+b*x)^n
--R
 --R
                                                                                                                                         n - 2
--R
--R
                                                (d x + c)(f x + e)
--R (1) -----
                                                                                                   n
--R
--R
                                                                                 (b x + a)
--R
                                                                                                                                                                                                                                                                                 Type: Expression(Integer)
--E 1274
```

```
--S 1275 of 1293
--r0:=-(d*e-c*f)*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-1+n)/(f*(b*e-a*f)*(1-n))-\_
--d*(a+b*x)^{(1-n)}*(e+f*x)^n/(f*(b*e-a*f)*n)+b*d*(-f*(a+b*x)/(b*e-a*f))^n*_{\_}
--(e+f*x)^{(1+n)}*hypergeometric(n,1+n,2+n,b*(e+f*x)/(b*e-a*f))/_
--(f^2*(b*e-a*f)*n*(1+n)*(a+b*x)^n)
--Е 1275
--S 1278 of 1293
--d:==t0-D(r0,x)
--Е 1278
)clear all
--S 1279 of 1293
t0:=(c+d*x)*(e+f*x)^(-3+n)/(a+b*x)^n
--R
--R
--R
                           n - 3
--R
          (d x + c)(f x + e)
--R
     (1) -----
                   n
--R
--R
                (b x + a)
--R
                                                   Type: Expression(Integer)
--E 1279
--S 1280 of 1293
r0:=-(d*e-c*f)*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-2+n)/(f*(b*e-a*f)*(2-n))-_
    (a*d*f*(2-n)-b*(c*f+d*(e-e*n)))*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-1+n)/_
    (f*(b*e-a*f)^2*(1-n)*(2-n))
--R
--R
--R
     (2)
--R
                                                             -n+1
--R
           ((a d f - b d e)n + (- 2a d + b c)f + b d e)(b x + a)
--R
--R
                  n - 1
           (f x + e)
--R
--R
--R
             (a c f + (- a d - b c)e f + b d e )n - a c f + (a d + b c)e f
--R
--R
--R.
                   2
             - b d e
--R
--R
--R
                   -n+1 n-2
--R
           (b x + a) \qquad (f x + e)
--R /
--R
           2 3 2 2 2 2 2 3 2
                                                            2 2
                                                                      2 3
         (a f - 2a b e f + b e f)n + (- 3a f + 6a b e f - 3b e f)n + 2a f
--R
```

```
--R
           2 22
--R
--R
        - 4a b e f + 2b e f
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1280
--S 1283 of 1293
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--Е 1283
)clear all
--S 1284 of 1293
t0:=(c+d*x)*(e+f*x)^{-4+n}/(a+b*x)^n
--R
--R
--R
                       n - 4
--R
      (d x + c)(f x + e)
--R
    (1) -----
--R
               n
--R
              (b x + a)
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1284
--S 1285 of 1293
r0:=-(d*e-c*f)*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-3+n)/(f*(b*e-a*f)*(3-n))+_{\_}
    (b*(2*c*f+d*e*(1-n))-a*d*f*(3-n))*(a+b*x)^(1-n)*_
    (e+f*x)^{(-2+n)}/(f*(b*e-a*f)^2*(2-n)*(3-n))+b*(b*(2*c*f+d*e*(1-n))-_e
    a*d*f*(3-n))*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-1+n)/(f*(b*e-a*f)^3*(1-n)*_
    (2-n)*(3-n)
--R
--R
--R
     (2)
                                               2 - n + 1
--R
                    2
                                        2
--R
          ((a b d f - b d e)n + (- 3a b d + 2b c)f + b d e)(b x + a)
--R
--R
                 n - 1
--R
          (f x + e)
--R
--R
            2 2
                               2 2 2
--R
           (adf - 2abdef + bde)n
--R
--R
                                         2 2 2
--R
           ((- 4a d + 2a b c)f + (6a b d - 2b c)e f - 2b d e )n
--R
             2 2
--R
                                          2 2 2
```

```
--R
          (3a d - 2a b c)f + (- 4a b d + 2b c)e f + b d e
--R
--R
             - n + 1 n - 2
--R
         (b x + a) (f x + e)
--R
                                              2 2 2 3 2
--R
          (a c f + (- a d - 2a b c)e f + (2a b d + b c)e f - b d e )n
--R
--R
              2 3 2
--R
                                   2
          (- 3a c f + (3a d + 6a b c)e f + (- 6a b d - 3b c)e f + 3b d e )n
--R
--R
            2 3
                     2
                                 2
--R
           2a c f + (- 2a d - 4a b c)e f + (4a b d + 2b c)e f - 2b d e
--R
--R
--R
               - n + 1 n - 3
         (b x + a) (f x + e)
--R
--R /
--R
         3 4 2
                   3 222 33 3
        (af - 3abef + 3abef - bef)n
--R
--R
--R
          3 4 2 3 2 2 2 3 3 2
--R
       (-6af + 18abef - 18abef + 6bef)n
--R
--R
          3 4 2 3 2 2 2 3 3 3 4 2 3
--R
       (11a f - 33a b e f + 33a b e f - 11b e f)n - 6a f + 18a b e f
--R
--R
            2 2 2 3 3
--R
        - 18a b e f + 6b e f
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--Е 1285
--S 1288 of 1293
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                            Type: Expression(Integer)
--E 1288
)clear all
--S 1289 of 1293
t0:=(c+d*x)*(e+f*x)^(-5+n)/(a+b*x)^n
--R
--R
--R
--R
      (d x + c)(f x + e)
--R
   (1) -----
--R
--R
              (b x + a)
```

```
--R
                                                Type: Expression(Integer)
--E 1289
--S 1290 of 1293
r0:=-(d*e-c*f)*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-4+n)/(f*(b*e-a*f)*(4-n))+_
    (b*(3*c*f+d*e*(1-n))-a*d*f*(4-n))*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-3+n)/_
    (f*(b*e-a*f)^2*(3-n)*(4-n))+2*b*(b*(3*c*f+d*e*(1-n))-a*d*f*(4-n))*_
    (a+b*x)^{(1-n)}*(e+f*x)^{(-2+n)}/(f*(b*e-a*f)^3*(2-n)*(3-n)*(4-n))+_
    2*b^2*(b*(3*c*f+d*e*(1-n))-a*d*f*(4-n))*(a+b*x)^(1-n)*(e+f*x)^(-1+n)/_
    (f*(b*e-a*f)^4*(1-n)*(2-n)*(3-n)*(4-n))
--R
--R
     (2)
--R
--R
                     3
                                    2
                                          3
                                                  3
--R
          ((2a b d f - 2b d e)n + (- 8a b d + 6b c)f + 2b d e)(b x + a)
--R
--R.
                 n - 1
--R
          (f x + e)
--R
--R
             2 2 2
--R
            (2a b d f - 4a b d e f + 2b d e)n
--R
--R
                       2 2
                                      2
                                            3
--R
            ((- 10a b d + 6a b c)f + (14a b d - 6b c)e f - 4b d e )n
--R
              2 2 2 3 3 2
--R
--R
            (8a b d - 6a b c)f + (-10a b d + 6b c)e f + 2b d e
--R
--R
                 - n + 1 n - 2
--R.
          (b x + a) (f x + e)
--R
--R
             3 3 2 2 2 3 3 3
--R
            (a d f - 3a b d e f + 3a b d e f - b d e)n
--R
--R
                        2 3
                                     2
               (- 7a d + 3a b c)f + (18a b d - 6a b c)e f
--R
--R
                           3 2
--R
                      2
                                    3 3
--R
               (- 15a b d + 3b c)e f + 4b d e
--R
--R
              2
--R
             n
--R.
--R.
                       2 3
                                     2
               (14a d - 9a b c)f + (- 33a b d + 18a b c)e f
--R
--R
--R
                    2
                         3 2 3 3
--R
               (24a b d - 9b c)e f - 5b d e
--R
--R
             n
```

```
--R
--R
--R
         (- 8a d + 6a b c)f + (18a b d - 12a b c)e f + (- 12a b d + 6b c)e f
--R
--R
          3 3
--R
         2b d e
--R
             - n + 1 n - 3
--R
        (b x + a) (f x + e)
--R
--R
--R
                    3
                         2 3
                                   2 2 2 2
            a c f + (- a d - 3a b c)e f + (3a b d + 3a b c)e f
--R
--R
                2 3 3 3 4
--R
--R
           (- 3a b d - b c)e f + b d e
--R
--R
--R
          n
--R
                          2 3 2 2 2 2
--R
            - 6a c f + (6a d + 18a b c)e f + (- 18a b d - 18a b c)e f
--R
--R
--R
               2 3 3
                           3 4
--R
           (18a b d + 6b c)e f - 6b d e
--R
           2
--R
--R
          n
--R
             3 4 3 2 3 2 2 2 2
--R
--R
           11a c f + (- 11a d - 33a b c)e f + (33a b d + 33a b c)e f
--R
                2 3 3 3 4
--R
--R
           (- 33a b d - 11b c)e f + 11b d e
--R
--R
--R
--R
                  3
                        2 3
                                     2
         - 6a c f + (6a d + 18a b c)e f + (- 18a b d - 18a b c)e f
--R
--R
--R
                 3 3
--R
         (18a b d + 6b c)e f - 6b d e
--R
--R.
           -n+1 n-4
        (b x + a) (f x + e)
--R
--R /
--R
        45 3 4 2223 332 444
--R
       (af - 4abef + 6abef - 4abef + bef)n
--R
         45 3 4 2223 332 443
--R
       (-10a f + 40a b e f - 60a b e f + 40a b e f - 10b e f)n
--R
```

```
--R
     + 45 3 4 2223 332 44 2
--R
--R
      (35a f - 140a b e f + 210a b e f - 140a b e f + 35b e f)n
--R
          45 3 4 2223 332 44 45
--R
--R
      (-50af + 200abef - 300abef + 200abef - 50bef)n + 24af
--R
          3 4 2223
                              3 3 2
--R
--R
       - 96a b e f \, + 144a b e f \, - 96a b e f \, + 24b e f
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1290
--S 1293 of 1293
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--Е 1293
)spool
)lisp (bye)
```

References

[1] nothing