



Escola superior de Tecnologia

Processamento de linguagens

Autores:

Diogo Bernardo 21144

João Ribeiro 23795

José Figueiro 23515

Docentes:

Prof. Óscar Ribeiro

*Submissão do projeto para
o curso de Engenharia de Sistemas Informáticos*

ESI

April 14, 2023

IPCA

Resumo

Engenharia de Sistemas Informáticos

Processamento de linguagens

por Diogo Bernardo **21144**

João Ribeiro **23795**

José Fangueiro **23515**

Trabalho em cargo da disciplina de Processamento de linguagens.

Contents

Resumo	iii
1 Linguagens Regulares – Análise Léxica (Exercício 1)	1
1.1 Definição da expressão regular correspondente	1
1.1.1 Definição da expressão regular correspondente na notação de programação	1
1.2 Calculo do autômato determinista que implementa o reconhecimento da expressão regular em a.	2
1.2.1 Representação da expressão regular como vários autômatos finitos não deterministas.	2
Sinal opcional:	2
Parte inteira:	3
Parte decimal	3
Parte exponencial:	4
1.2.2 Autômato finito não determinista obtido.	5
1.2.3 Conversão AFND -> AFD	7
Autômato finito determinista obtido:	8
1.3 Definição e teste da função de transição correspondente	9
1.3.1 Algoritmo em python.	9
1.3.2 Teste do algoritmo em python:	12
1.4 Representação do Grafo de saída correspondente:	13

Chapter 1

Linguagens Regulares – Análise Léxica (Exercício 1)

1.1 Definição da expressão regular correspondente

$$R = (\varepsilon \mid + \mid -)(0 \dots 9)^*((\varepsilon \mid \cdot(0 \dots 9)^+)(\varepsilon \mid (e \mid E)(\varepsilon \mid + \mid -)(0 \dots 9)^+))$$

A expressão regular pretendida é usada para identificar números de virgula flutuante:

1. $(\varepsilon \mid + \mid -)$: Esta parte é opcional, um sinal de mais (+) ou um sinal de menos (-). Isto corresponde ao sinal do número, caso omitida é assumido o valor positivo.
2. $(0 \dots 9)^*$: Esta parte corresponde a uma sequência de zero ou mais dígitos (0 a 9). Esta sequência forma a parte inteira do número, e pode ser omitida para considerar os casos ex:'.23'.
3. $((\varepsilon \mid \cdot(0 \dots 9)^+)(\varepsilon \mid (e \mid E)(\varepsilon \mid + \mid -)(0 \dots 9)^+))$: Esta parte descreve a parte fracionária e o expoente do número em notação científica.
 - (a) $(\varepsilon \mid \cdot(0 \dots 9)^+)$: Esta subexpressão é opcional, um ponto decimal (.) seguido de um ou mais dígitos (0 a 9). Corresponde à parte fracionária do número.
 - (b) $(\varepsilon \mid (e \mid E)(\varepsilon \mid + \mid -)(0 \dots 9)^+)$: Esta subexpressão descreve o expoente opcional em notação científica. Descreve a letra 'e' ou 'E' seguida por um sinal opcional (+ ou -) e uma sequência de um ou mais dígitos (0 a 9).

1.1.1 Definição da expressão regular correspondente na notação de programação

$$R = ^{+}([+-]?)(\backslash d^{*})(\backslash \cdot \backslash d^{+})?([eE][+-]? \backslash d^{+})?|\backslash \cdot \backslash d^{+}([eE][+-]? \backslash d^{+})? \$$$

Divisão da expressão:

1. $^{+}([+-]?)$: O $^{+}$ indica o início da string. $[+-]?$ verifica se há um sinal de mais (+) ou menos (-) opcional no início do número.
2. $\backslash d^{*}$: Verifica dígitos (0-9), é opcional para na expressão ser aceite (ex:'.23').
3. $(\backslash \cdot \backslash d^{+})?([eE][+-]? \backslash d^{+})?$: Esta parte é um grupo opcional que verifica duas coisas:
 - (a) $(\backslash \cdot \backslash d^{+})?$: Um ponto decimal seguido de um ou mais dígitos, grupo opcional.

- (b) $([eE][+-]?\backslash d+)?$: Um “e” ou “E” (para representar a notação científica) seguido de um sinal opcional de mais (+) ou menos (-) e um ou mais dígitos. Esta parte também é opcional.
4. $|\backslash.\backslash d([eE][+-]?\backslash d+)?|+$: Esta parte verifica números que começam com um ponto decimal:
- (a) $\backslash.\backslash d+$: Um ponto decimal seguido de um ou mais dígitos.
- (b) $([eE][+-]?\backslash d+)?$: Um “e” ou “E” (para representar a notação científica) seguido de um sinal opcional de mais (+) ou menos (-) e um ou mais dígitos. Esta parte também é opcional.
5. $\$$: Indica o fim da string.

1.2 Cálculo do autômato determinista que implementa o reconhecimento da expressão regular em a.

1.2.1 Representação da expressão regular como vários autômatos finitos não deterministas.

Sinal opcional:

Autômato: $A_1 = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$
 Expressão regular: $R = (+ | - | \epsilon)$
 Estados: $Q = \{s_0, s_1\}$
 Alfabeto: $\Sigma = \{+, -\}$
 Função de transição: $\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q$

Estado	Transições	
s_0	+	s_1
	-	s_1
	ϵ	s_1
s_1		

Estado inicial: $q_0 = s_0$

Estados finais: $F = \{s_1\}$

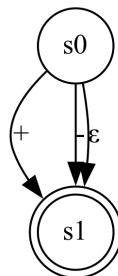


FIGURE 1.1: AFND 1

Parte inteira:

Autômato:	$A_2 = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$										
Expressão regular:	$R = (0 \dots 9)^*$										
Estados:	$Q = \{s_2, s_3\}$										
Alfabeto:	$\Sigma = \{(0 \dots 9)\}$										
Função de transição:	$\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q$										
<table border="1"> <thead> <tr> <th>Estado</th><th>Transições</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>s_2</td><td> <table border="1"> <tr> <td>$(0 \dots 9)$</td><td>s_2</td></tr> <tr> <td>ε</td><td>s_3</td></tr> </table> </td></tr> <tr> <td>s_3</td><td></td></tr> </tbody> </table>		Estado	Transições	s_2	<table border="1"> <tr> <td>$(0 \dots 9)$</td><td>s_2</td></tr> <tr> <td>ε</td><td>s_3</td></tr> </table>	$(0 \dots 9)$	s_2	ε	s_3	s_3	
Estado	Transições										
s_2	<table border="1"> <tr> <td>$(0 \dots 9)$</td><td>s_2</td></tr> <tr> <td>ε</td><td>s_3</td></tr> </table>	$(0 \dots 9)$	s_2	ε	s_3						
$(0 \dots 9)$	s_2										
ε	s_3										
s_3											
Estado inicial:	$q_0 = s_2$										
Estados finais:	$F = \{s_3\}$										

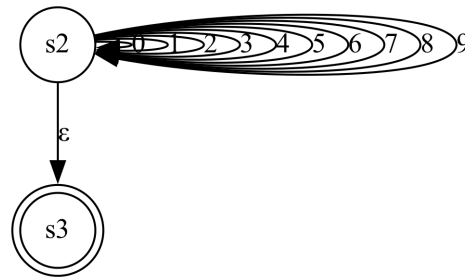


FIGURE 1.2: AFND 2

Parte decimal

Autômato:	$A_3 = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$														
Expressão regular:	$R = (\varepsilon \mid \cdot (0 \dots 9)^+)$														
Estados:	$Q = \{s_4, s_5, s_6\}$														
Alfabeto:	$\Sigma = \{(0 \dots 9), \cdot\}$														
Função de transição:	$\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q$														
<table border="1"> <thead> <tr> <th>Estado</th><th>Transições</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>s_4</td><td> <table border="1"> <tr> <td>\cdot</td><td>s_5</td></tr> <tr> <td>ε</td><td>s_6</td></tr> </table> </td></tr> <tr> <td>s_5</td><td> <table border="1"> <tr> <td>$(0 \dots 9)$</td><td>s_5</td></tr> </table> </td></tr> <tr> <td>s_6</td><td></td></tr> </tbody> </table>		Estado	Transições	s_4	<table border="1"> <tr> <td>\cdot</td><td>s_5</td></tr> <tr> <td>ε</td><td>s_6</td></tr> </table>	\cdot	s_5	ε	s_6	s_5	<table border="1"> <tr> <td>$(0 \dots 9)$</td><td>s_5</td></tr> </table>	$(0 \dots 9)$	s_5	s_6	
Estado	Transições														
s_4	<table border="1"> <tr> <td>\cdot</td><td>s_5</td></tr> <tr> <td>ε</td><td>s_6</td></tr> </table>	\cdot	s_5	ε	s_6										
\cdot	s_5														
ε	s_6														
s_5	<table border="1"> <tr> <td>$(0 \dots 9)$</td><td>s_5</td></tr> </table>	$(0 \dots 9)$	s_5												
$(0 \dots 9)$	s_5														
s_6															
Estado inicial:	$q_0 = s_4$														
Estados finais:	$F = \{s_5, s_6\}$														

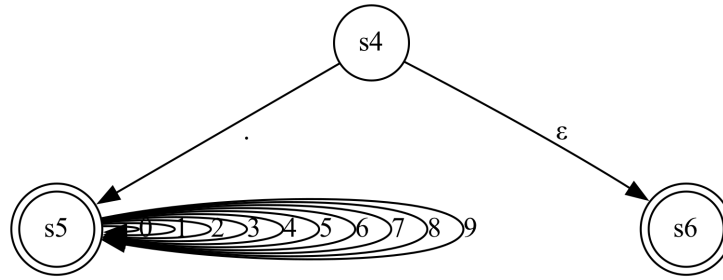


FIGURE 1.3: AFND 3

Parte exponencial:

Autômato: $A_4 = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$

Expressão regular: $R = (\varepsilon \mid (e \mid E)(\varepsilon \mid + \mid -)(0 \dots 9)^+)$

Estados: $Q = \{s_7, s_8, s_9, s_{10}\}$

Alfabeto: $\Sigma = \{(0 \dots 9) + - E e\}$

Função de transição: $\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q$

Estado	Transições	
s_7	E, e	s_8
	ε	s_{10}
s_8	$+, -, \varepsilon$	s_9
s_9	$(0 \dots 9)$	s_9
s_{10}		

Estado inicial: $q_0 = s_7$

Estados finais: $F = \{s_9, s_{10}\}$

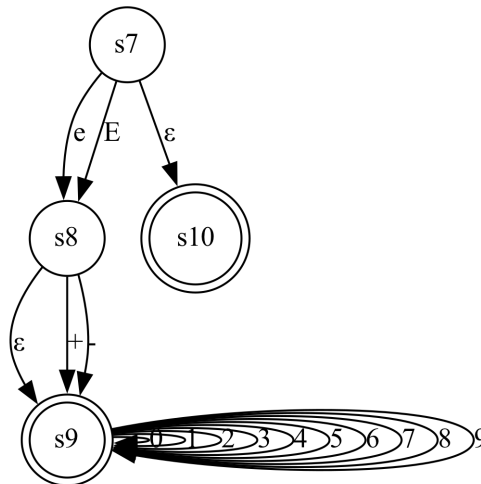


FIGURE 1.4: AFND 4

1.2.2 Autômato finito não determinista obtido.

Autômato: $A_{nd} = (Q, V, \delta, q_0, F)$

Expressão: $R = (\varepsilon \mid + \mid -)(0 \dots 9)^*((\varepsilon \mid \cdot (0 \dots 9)^+)(\varepsilon \mid (e \mid E)(\varepsilon \mid + \mid -)(0 \dots 9)^+))$

Estados: $Q = \{n_0, n_1, n_2, \dots, n_{10}\}$

Alfabeto: $V = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, e, E, +, -, \cdot\}$

Função de transição: $\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q$

Estados	Transições	
n_0	$+$	n_1
	$-$	n_1
	ε	n_1
n_1	$0 \dots 9$	n_2
	ε	n_3
n_2	$0 \dots 9$	n_2
	ε	n_4
n_3	ε	n_5
	\cdot	n_6
n_4	ε	n_{10}
	e	n_7
	E	n_7
n_5	$0 \dots 9$	n_5
n_6	ε	n_{10}
	e	n_7
	E	n_7
n_7	ε	n_8
	$+$	n_8
	$-$	n_8
n_8	$0 \dots 9$	n_9
n_9	$0 \dots 9$	n_9
n_{10}		

Estados iniciais: $q_0 = n_0$

Estados finais: $F = \{n_3, n_5, n_9\}$

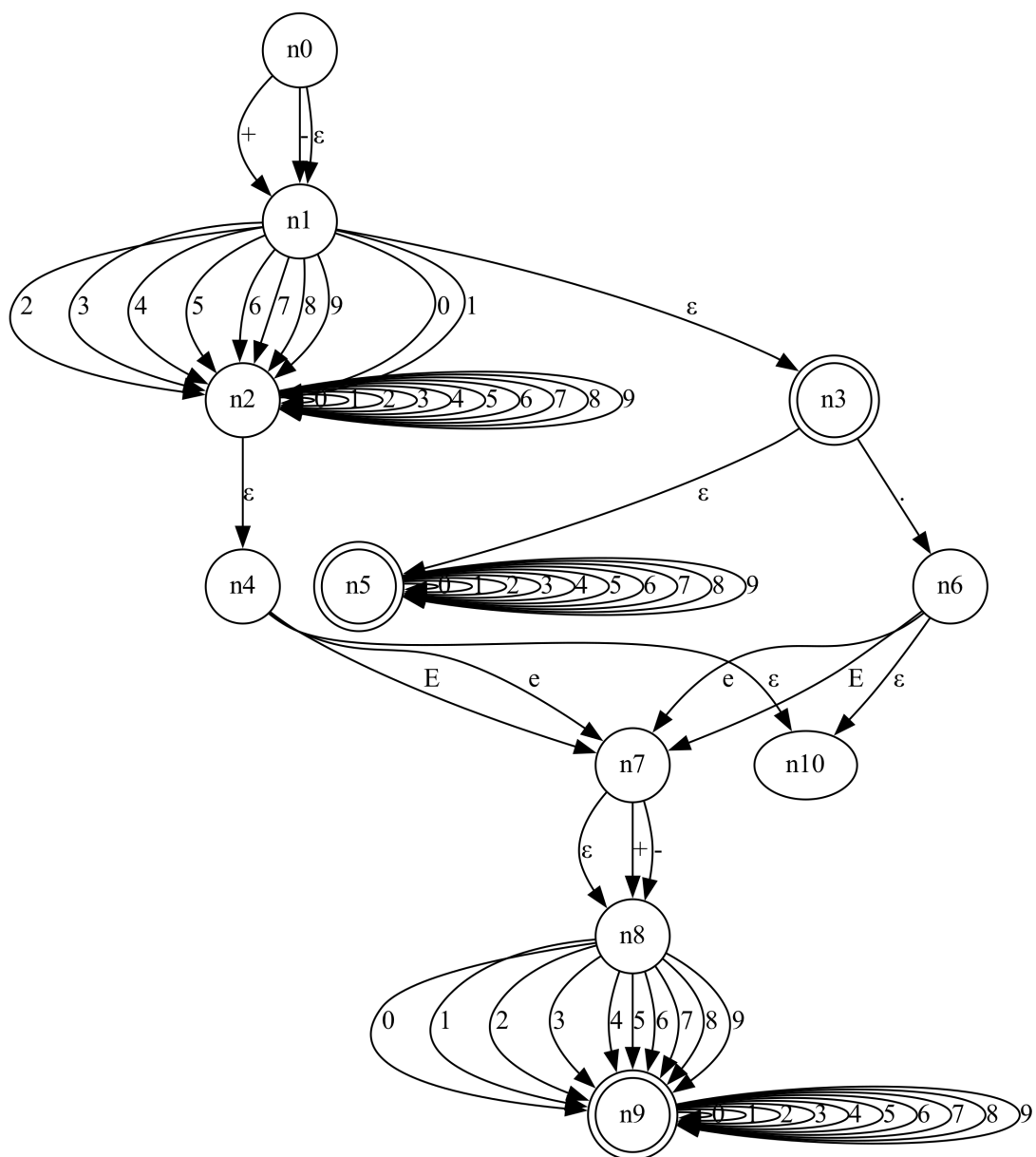


FIGURE 1.5: AFND

1.2.3 Conversão AFND -> AFD

Estados combinados não deterministas	Estado determinista	Transições
n0, n1	q0	+ , - → n1 0-9 → n2 . → n3
n1	q1	0-9 → n2 . → n3
n2	q2	0-9 → n2 e, E → n4, n7, n10
n3	q3	0-9 → n5, n6
n4, n7, n10	q4	+ , - → n8 0-9 → n5
n5, n6	q6	0-9 → n6
n5	q5	0-9 → n5
n6	—	0-9 → n6 e, E → n4, n7, n10
n8	—	0-9 → n9
n9	—	0-9 → n9

TABLE 1.1: AFND -> AFD

n6,n8,n9 têm alguma redundância, não representam diretamente um estado determinista.

Autômato finito determinista obtido:

Autômato: $A = (Q, V, \delta, q_0, F)$

Expressão: $R = (\varepsilon \mid + \mid -)(0 \dots 9)^*((\varepsilon \mid \cdot(0 \dots 9)^+)(\varepsilon \mid (e \mid E)(\varepsilon \mid + \mid -)(0 \dots 9)^+))$

Estados: $Q = \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4, q_5, q_6\}$

Alfabeto: $V = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, e, E, +, -, \cdot\}$

Função de transição: $\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q$

Estado	Transições	
q_0	$+, -$	q_1
	$0 \dots 9$	q_2
	\cdot	q_3
q_1	$0 \dots 9$	q_2
	\cdot	q_3
q_2	$0 \dots 9$	q_2
	\cdot	q_3
	e, E	q_4
q_3	$0 \dots 9$	q_6
q_4	$+, -$	q_5
	$0 \dots 9$	q_5
q_5	$0 \dots 9$	q_5
q_6	$0 \dots 9$	q_6
	e, E	q_4

Estados iniciais: $q_0 = q_0$

Estados finais: $F = \{q_2, q_6, q_5\}$

1.3 Definição e teste da função de transição correspondente

Estado	Entrada	Próxima entrada
q0	+	q1
	-	q1
	0-9	q2
	.	q3
q1	0-9	q2
	.	q3
q2	0-9	q2
	.	q3
	e	q4
	E	q4
q3	0-9	q6
q4	+	q5
	-	q5
	0-9	q5
q5	0-9	q5
q6	0-9	q6
	e	q4
	E	q4

TABLE 1.2: Função de transição AFD

1.3.1 Algoritmo em python.

```

V = {"0", "1", "2", "3", "4", "5", "6", "7", "8", "9", "+", "-", ".", "e", "E"}
Q = {"q0", "q1", "q2", "q3", "q4", "q5", "q6"}
tt = {
    "q0": {
        "+": "q1",
        "-": "q1",
        "0": "q2",
        "1": "q2",
        "2": "q2",
        "3": "q2",
        "4": "q2",
        "5": "q2",
        "6": "q2",
        "7": "q2",
        "8": "q2",
        "9": "q2",
        ".": "q3",
    },
    "q1": {
        "0": "q2",
        "1": "q2",
        "2": "q2",
        "3": "q2",
        "4": "q2",
    }
}

```

```
"5": "q2",
"6": "q2",
"7": "q2",
"8": "q2",
"9": "q2",
".": "q3",
},
"q2": {
  "0": "q2",
  "1": "q2",
  "2": "q2",
  "3": "q2",
  "4": "q2",
  "5": "q2",
  "6": "q2",
  "7": "q2",
  "8": "q2",
  "9": "q2",
  ".": "q3",
  "e": "q4",
  "E": "q4",
},
"q3": {
  "0": "q6",
  "1": "q6",
  "2": "q6",
  "3": "q6",
  "4": "q6",
  "5": "q6",
  "6": "q6",
  "7": "q6",
  "8": "q6",
  "9": "q6",
},
"q4": {
  "+": "q5",
  "-": "q5",
  "0": "q5",
  "1": "q5",
  "2": "q5",
  "3": "q5",
  "4": "q5",
  "5": "q5",
  "6": "q5",
  "7": "q5",
  "8": "q5",
  "9": "q5",
},
"q5": {
  "0": "q5",
  "1": "q5",
  "2": "q5",
  "3": "q5",
  "4": "q5",
  "5": "q5",
  "6": "q5",
  "7": "q5",
```



```

        "8": "q5",
        "9": "q5",
    },
    "q6": {
        "0": "q6",
        "1": "q6",
        "2": "q6",
        "3": "q6",
        "4": "q6",
        "5": "q6",
        "6": "q6",
        "7": "q6",
        "8": "q6",
        "9": "q6",
        "e": "q4",
        "E": "q4",
    },
}

q0 = "q0"
F = {"q2", "q6", "q5"}

def is_recognized(string):
    """ Determines if a given string represents a valid float. """
    current_state = q0
    for char in string:
        current_state = tt.get(current_state, {}).get(char, None)
        if current_state is None:
            return False
    return current_state in F

def cast_to_float(test_cases):
    """ Cast the string a valid floating point number and print to stdout """
    print("\nConverting to float!")
    for string, expected in test_cases:
        if is_recognized(string) == expected and expected:
            float_repr = "{:,.10f}".format(float(string))
            print(f"{string.ljust(10)}: {float_repr}")

test_cases = [
    ("123", True),
    ("-123", True),
    ("+123", True),
    ("123.45", True),
    (".45", True),
    ("-123.45", True),
    ("+123.45", True),
    ("1.23e-4", True),
    ("-1.23E4", True),
    ("1.23e+4", True),
    ("1.23E-4", True),
    ("1.23E4", True),
    ("2E2", True),
    ("2e2", True),

```

```

    ("2e2.2", False),
    ("2.", False),
    ("abc", False),
    ("123a", False),
    ("--123", False),
    ("123.45.67", False),
    ("123.45.67", False),
    ("123.45a", False),
    ("123a2", False),
    ("123e2.2", False),
    ("123 ", False),
    (" 123 ", False),
]

def test():
    """ Unit testing for the automaton """
    matched_tests = 0
    for string, expected in test_cases:
        result = is_recognized(string)
        padded_string = f"{string}".ljust(11)
        if result == expected:
            matched_tests += 1
        print(
            f"str: {padded_string} is a float? expected({str(expected).ljust(5)}) got -> {result}"
        )
    print(f"\nMatched {matched_tests} out of {len(test_cases)} test cases!")

test()

cast_to_float(test_cases)

```

1.3.2 Teste do algoritmo em python:

```

str: '123'      is a float? expected(True ) got -> True
str: '-123'     is a float? expected(True ) got -> True
str: '+123'     is a float? expected(True ) got -> True
str: '123.45'   is a float? expected(True ) got -> True
str: '.45'      is a float? expected(True ) got -> True
str: '-123.45'  is a float? expected(True ) got -> True
str: '+123.45'  is a float? expected(True ) got -> True
str: '1.23e-4'  is a float? expected(True ) got -> True
str: '-1.23E4'  is a float? expected(True ) got -> True
str: '1.23e+4'  is a float? expected(True ) got -> True
str: '1.23E-4'  is a float? expected(True ) got -> True
str: '1.23E4'   is a float? expected(True ) got -> True
str: '2E2'      is a float? expected(True ) got -> True
str: '2e2'      is a float? expected(True ) got -> True
str: '2e2.2'    is a float? expected(False) got -> False
str: '2.'       is a float? expected(False) got -> False
str: 'abc'      is a float? expected(False) got -> False
str: '123a'     is a float? expected(False) got -> False
str: '--123'    is a float? expected(False) got -> False

```

```

str: '123.45.67' is a float? expected(False) got -> False
str: '123.45.67' is a float? expected(False) got -> False
str: '123.45a'   is a float? expected(False) got -> False
str: '123a2'     is a float? expected(False) got -> False
str: '123e2.2'   is a float? expected(False) got -> False
str: '123       ' is a float? expected(False) got -> False
str: ' 123      ' is a float? expected(False) got -> False

```

Matched 26 out of 26 test cases!

Converting to float!

```

123      : 123.0000000000
-123     : -123.0000000000
+123     : 123.0000000000
123.45   : 123.4500000000
.45      : 0.4500000000
-123.45  : -123.4500000000
+123.45  : 123.4500000000
1.23e-4   : 0.0001230000
-1.23E4   : -12,300.0000000000
1.23e+4   : 12,300.0000000000
1.23E-4   : 0.0001230000
1.23E4    : 12,300.0000000000
2E2       : 200.0000000000
2e2       : 200.0000000000

```

1.4 Representação do Grafo de saída correspondente:

```

from graphviz import Digraph

#(...)
tt {
    # (...)
}
#(...)

def graph():
    """ Generate a graph image that represents the automaton. """
    dot = Digraph("Automato Finito Deterministico")

    dot.format = "png"
    dot.attr("graph", dpi="300")

    for state in tt.keys():
        if state in F:
            shape = "doublecircle"
        else:
            shape = "circle"
        dot.node(state, state, shape=shape)

    for state, transitions in tt.items():
        for symbol, next_state in transitions.items():
            dot.edge(state, next_state, label=symbol)

```

```
dot.view()
graph()
```

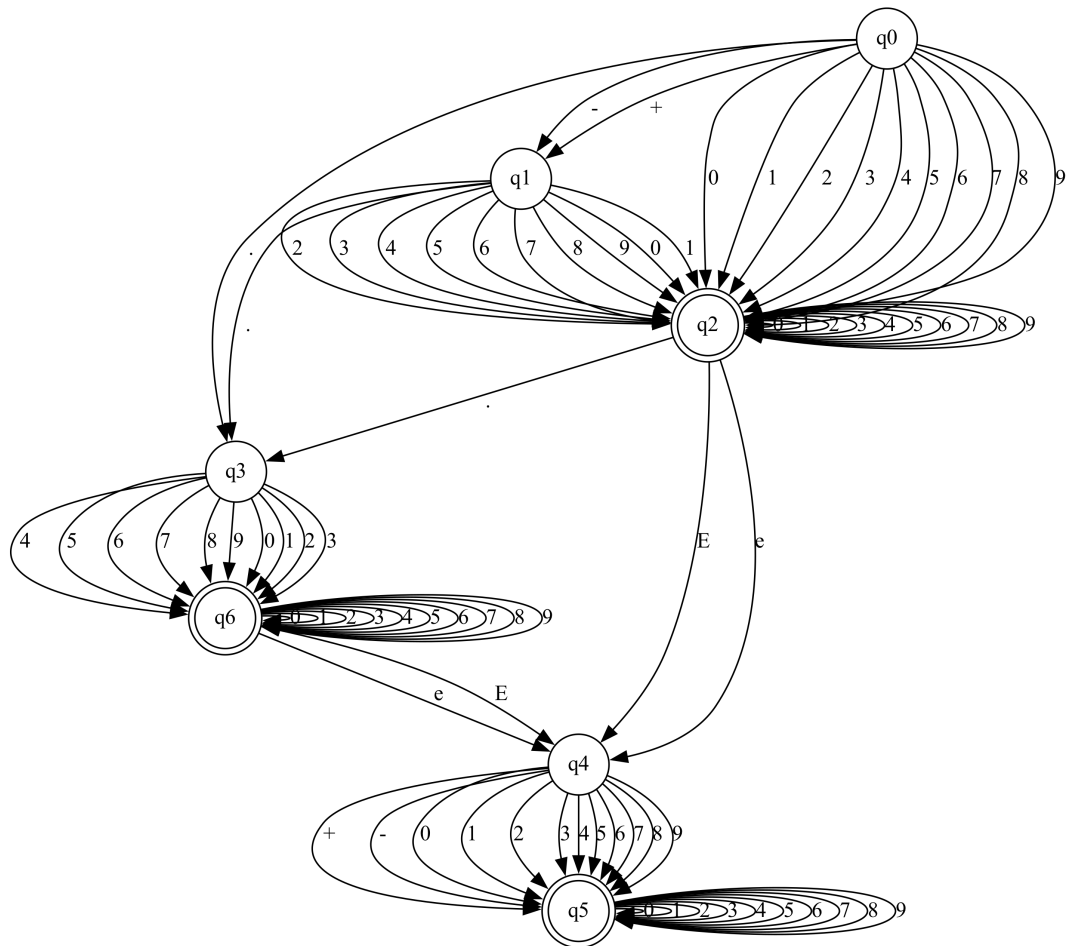


FIGURE 1.6: Automato Finito Determinista final