Osnove podržanog učenja

Petar Ozretić

Sveučilište u Splitu

21. rujna 2022.



Petar Ozretić (PMF) PMF 21. rujna 2022.

Motivacija

DeepMind's StarCraft-playing Al beats 99.8 per cent of human gamers





An artificial intelligence can now play the real-time strategy video game StarCraft II so well that it is better than 99.8 per cent of human players.

The AL, called AlphaStar, was developed by tech firm DeepMind, which is owned by the same parent company as Google.

AlphaStar played anonymously against human players in a series of online games on the official ScarCraft II game server, Battle.net, and ended up ranked in the top 200 players for each of the leagues it competed in.

Al triumphs against the world's top pro team in strategy game Dota 2

It's the first time an AI has beat a world champion e-sports team. By Kelzey Piper:] . Apr. 13, 2009, 6.20pm EDT





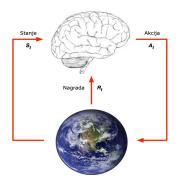


Progamers, look out — for the first time ever, a world champion esports team has lost to an Al team.

In a series of live competitions between the reigning Dota 2 world champion team OG and the five-bot team OpenAl Five, the Al won

two matches back-to-back, settling the best-of-three tournament. With 45,000 years of practice at Dota 2 under its belt, the system looked unstoppable — deftly navigating strategic decisions and racing to press

Agent i okolina



Agent sljedeći **strategiju** poduzima **akciju** i od **okoline** dobija **nagradu** te prelazi u novo **stanje**

MDP

Definition (MDP)

MDP je uređena trojka $\mathcal{M} = (\mathcal{S}, \mathcal{A}, \mathcal{P}_0)$ gdje je

 ${\cal S}$ (prebrojiv) neprazan skup čije elemente nazivamo stanja;

 ${\cal A}$ (prebrojiv) neprazan skup čije elemente nazivamo akcije;

 \mathcal{P}_0 matrica prijelaza, koja svakom paru $(s,a)\in\mathcal{S}\times\mathcal{A}$ pridružuje vjerojatnosnu mjeru povrh $\mathcal{S}\times\mathbb{R}$ koju označavamo sa $\mathcal{P}_0(\cdot|s,a)$.

Petar Ozretić (PMF)

Dobit

• $G_t = R_{t+1} + R_{t+2} + R_{t+3} + ... + R_T$, gdje je T zadnji korak.

Petar Ozretić (PMF) PMF 21

Dobit

•

$$ullet$$
 $G_t = R_{t+1} + R_{t+2} + R_{t+3} + \ldots + R_T$, gdje je T zadnji korak.

$$G_t = R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \gamma_{t+3}^2 + \dots = \sum_{k=0}^{\infty} \gamma^k R_{t+k+1}$$
 (1)

parametar γ , $0 \le \gamma \le 1$, nazivamo *korekcijski faktor*.

4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 99

Dobit

.

.

ullet $G_t = R_{t+1} + R_{t+2} + R_{t+3} + \ldots + R_T$, gdje je T zadnji korak.

$$G_t = R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \gamma_{t+3}^2 + \dots = \sum_{k=0}^{\infty} \gamma^k R_{t+k+1}$$
 (2)

parametar γ , $0 \le \gamma \le 1$, nazivamo korekcijski faktor.

$$G_{t} = R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \gamma^{2} R_{t+3} + \gamma^{3} R_{t+4} + \dots$$

$$= R_{t+1} + \gamma [R_{t+2} + \gamma^{1} R_{t+3} + \gamma^{2} R_{t+4} + \dots]$$

$$= R_{t+1} + \gamma G_{t+1}$$
(3)

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ■ 900

Funkcija vrijednosti

• Ako agent slijedi strategiju π u trenutku t, onda nam $\pi(a|s)$ kaže kolika je vjerojatnost da je $A_t=a$ ako je $S_t=s$, tj. $\pi(a|s)=\mathbb{P}[A_t=a|S_t=s]$

Funkcija vrijednosti

• Ako agent slijedi strategiju π u trenutku t, onda nam $\pi(a|s)$ kaže kolika je vjerojatnost da je $A_t=a$ ako je $S_t=s$, tj. $\pi(a|s)=\mathbb{P}[A_t=a|S_t=s]$

$$v_{\pi}(s) = \mathbb{E}_{\pi}[G_t|S_t = s] = \mathbb{E}_{\pi}[\sum_{k=0}^{\infty} \gamma^k R_{t+k+1}|S_t = s],$$

za sve $s \in \mathcal{S}$. - vrijednosna funkcija stanja

Petar Ozretić (PMF)

.

Funkcija vrijednosti

.

.

• Ako agent slijedi strategiju π u trenutku t, onda nam $\pi(a|s)$ kaže kolika je vjerojatnost da je $A_t=a$ ako je $S_t=s$, tj. $\pi(a|s)=\mathbb{P}[A_t=a|S_t=s]$

$$v_{\pi}(s) = \mathbb{E}_{\pi}[G_t|S_t = s] = \mathbb{E}_{\pi}[\sum_{k=0}^{\infty} \gamma^k R_{t+k+1}|S_t = s],$$

za sve $s \in \mathcal{S}$. - vrijednosna funkcija stanja

$$q_{\pi}(s, a) = \mathbb{E}_{\pi}[G_t|S_t = s, A_t = s] = \mathbb{E}_{\pi}[\sum_{k=0}^{\infty} \gamma^k R_{t+k+1}|S_t = s, A_t = a]$$

- vrijednosna funkcija akcije

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ● めなべ

Petar Ozretić (PMF) PMF 21. rujna 2022

Bellmanova jednadžba za v_π

$$v_{\pi}(s) = \mathbb{E}_{\pi}[G_{t}|S_{t} = s]$$

$$= \mathbb{E}_{\pi}[R_{t+1} + \gamma G_{t+1}|S_{t} = s]$$

$$= \sum_{a} \pi(a|s) \sum_{s'} \sum_{r} \mathcal{P}_{0}(s', r|s, a)[r + \gamma \mathbb{E}_{\pi}[G_{t+1}|S_{t+1} = s']]$$

$$= \sum_{a} \pi(a|s) \sum_{s'} \mathcal{P}_{0}(s', r|s, a)[r + \gamma v_{\pi}(s')], \forall s \in \mathcal{S}$$

$$(4)$$

4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 99

Petar Ozretić (PMF) PMF 21. rujna 2022

Definition

Neka su za MDP $\mathcal M$ sa skupom stanja $\mathcal S$ dane strategije π i π' sa vrijednosnim funkcijama v_π i $v_{\pi'}$ redom. Za strategiju π kažemo da je *bolja ili jednaka* strategiji π' , i pišemo $\pi \geq \pi'$, ako za svaki $s \in \mathcal S$ vrijedi $v_\pi(s) \geq v_{\pi'}(s)$.

• Uvijek postoji barem jedna strategija koja je bolja ili jednaka od svih ostalih. lako možda postoji više takvih strategija sve ih se označava sa π_* i nazivamo ih *optimalna strategija*.

• Uvijek postoji barem jedna strategija koja je bolja ili jednaka od svih ostalih. lako možda postoji više takvih strategija sve ih se označava sa π_* i nazivamo ih *optimalna strategija*.

$$v_*(s) = \max_{\pi} v_{\pi}(s)$$

za sve $s \in \mathcal{S}$. - optimalna vrijednosna funkcija stanja

.

.

• Uvijek postoji barem jedna strategija koja je bolja ili jednaka od svih ostalih. lako možda postoji više takvih strategija sve ih se označava sa π_* i nazivamo ih *optimalna strategija*.

$$v_*(s) = \max_{\pi} v_{\pi}(s)$$

za sve $s \in \mathcal{S}$. - optimalna vrijednosna funkcija stanja

$$q_*(s,a) = \max_{\pi} q_{\pi}(s,a)$$

za sve $s \in \mathcal{S}$ i sve $s \in \mathcal{A}$. - optimalna vrijednosna funkcija akcije

Petar Ozretić (PMF)

Bellmanova jednadžba optimalnosti

$$v_*(s) = \max_{a \in \mathcal{A}(s)} q_{\pi*}(s, a)$$

$$= \max_{a} \mathbb{E}_{\pi*}[G_t | S_t = s, A_t = a]$$

$$= \max_{a} \mathbb{E}_{\pi*}[R_{t+1} + \gamma G_{t+1} | S_t = s, A_t = a]$$

$$= \max_{a} \mathbb{E}[R_{t+1} + \gamma v_*(S_{t+1}) | S_t = s, A_t = a]$$
(6)

 $= \max_{a} \sum_{s',r} \mathcal{P}_0(s',r|s,a)[r + \gamma v_*(s')], \tag{7}$

za sve $s \in \mathcal{S}$



Petar Ozretić (PMF) PMF

Bellmanova jednadžba optimalnosti

- lako rješavanje Bellmanove optimalne jednadžbe daje optimalnu strategiju za problem PU-a, ova metoda je sama po sebi rijetko kad korisna.
- Da bi ju se uopće razmotrilo trebaju biti ispunjena tri uvjeta: (1) potpuno poznavanje okoline, (2) dovoljan broj računalnih resursa za izračun; (3) sva stanja imaju Markovljevo svojstvo;
- U stvarnom svijetu rijetko je slučaj da su sva tri uvjeta ispunjena, a najčešće nije nijedan.
- Npr. za partiju igre Backgammon, isto analogno vrijedi i za Go ili Šah, iako vrijede uvjeti (1) i (3), uvjet (2) je nepremostiva prepreka: igra ima 10^{20} različitih stanja i najmoćnijim današnjim računalima bi trebale tisuće godina za rješavanje pripadnih Bellmanovih jednadžbi.

Petar Ozretić (PMF) PMF 21. rujna 2022.

Petar Ozretić (PMF) PMF

ullet Koristimo Bellmanove jednadžbe za v_{π} kao pravilo ažuriranja

ullet Koristimo Bellmanove jednadžbe za v_π kao pravilo ažuriranja

.

$$v_{k+1}(s) = \mathbb{E}_{\pi}[R_{t+1} + \gamma v_k(S_{t+1})|S_t = s]$$

$$= \sum_{a} \pi(a|s) \sum_{s',r} \mathcal{P}_0(s',r|s,a)[r + \gamma v_k(s')],$$
(8)

, za sve $s \in \mathcal{S}$.

Petar Ozretić (PMF)

ullet Koristimo Bellmanove jednadžbe za v_{π} kao pravilo ažuriranja

•

$$v_{k+1}(s) = \mathbb{E}_{\pi}[R_{t+1} + \gamma v_k(S_{t+1})|S_t = s]$$

$$= \sum_{a} \pi(a|s) \sum_{s',r} \mathcal{P}_0(s',r|s,a)[r + \gamma v_k(s')],$$
(9)

, za sve $s \in \mathcal{S}$.

• Očito je $v_k=v_\pi$ fiksna točka ovog pravila ažuriranja jer Bellmanove jednadžbe za v_π osiguravaju jednakost u tom slučaju.

Petar Ozretić (PMF)

ullet Koristimo Bellmanove jednadžbe za v_{π} kao pravilo ažuriranja

•

$$v_{k+1}(s) = \mathbb{E}_{\pi}[R_{t+1} + \gamma v_k(S_{t+1})|S_t = s]$$

$$= \sum_{a} \pi(a|s) \sum_{s',r} \mathcal{P}_0(s',r|s,a)[r + \gamma v_k(s')],$$
(10)

, za sve $s \in \mathcal{S}$.

- Očito je $v_k=v_\pi$ fiksna točka ovog pravila ažuriranja jer Bellmanove jednadžbe za v_π osiguravaju jednakost u tom slučaju.
- Može se pokazati da niz v_k konvergira ka v_π kada $k \to \infty$ (Banachov teorem o fiksnoj točki)

Petar Ozretić (PMF) PMF 21. rujna 2022.

Iterativno vrednovanje strategija (predviđanje)

Podatci: strategija π koju treba vrednovati Odredi: mali $\epsilon > 0$ kojim određujemo željena preciznost Za sve $s \in \mathcal{S}$ proizvoljno postavi V(s) uz uvjet da je

Algoritam 1: Iterativno vrednovanje strategije

V(terminal) = 0;

$$\Delta \leftarrow \epsilon + 1;$$

 $\operatorname{dok} \Delta > \epsilon \ \operatorname{\check{c}ini}$

$$\begin{split} \Delta &\leftarrow 0; \\ \mathbf{za} \quad s \in \mathcal{S} \ \mathbf{\check{c}ini} \\ & \quad v \leftarrow V(s); \\ & \quad V(s) \leftarrow \sum_a \pi(a|s) \sum_{s',r} \mathcal{P}_0(s',r|s,a)[r + \gamma V(s')]; \\ & \quad \Delta \leftarrow \max(\Delta,|v - V(s)|); \end{split}$$

kraj

kraj

Iteracija strategija (kontrola)

```
Algoritam 2: Iteracija strategija za procjenu \pi \approx \pi_*
 Inicijalizirai: za sve s \in S (nasumično) postavi V(s) \in \mathbb{R} i
                      \pi(s) \in A(s), V(terminal) = 0
  Vrednovanje strategije:
 \Delta \leftarrow \epsilon + 1;
 dok \Delta > \epsilon čini
      \Delta \leftarrow 0:
      za s \in S čini
          V(s) \leftarrow \sum_{s',r} P_0(s', r|s, \pi(s))[r + \gamma V(s')];
          \Delta \leftarrow \max(\Delta, |v - V(s)|);
      kraj
 krai
 Poboljšanje strategije:
 strategija-stabilna \leftarrow true;
 za s \in \mathcal{S} čini
      stara-akciia \leftarrow \pi(s):
      \pi(s) \leftarrow \operatorname{argmax}_{a} \sum_{s', r} P_{0}(s', r|s, a)[r + \gamma V(s')];
      ako stara-akcija \neq \pi(s) onda
          strategija-stabilna \leftarrow false;
      krai
 kraj
 ako strategija-stabilna onda
      zaustavi algoritam i vrati V \approx v_* i \pi \approx \pi_*:
 krai
 inače
      idi na Vrednovanje strategije;
 krai
```

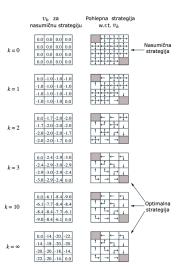
Mrežni svijet 4x4





$$R_t = -1 \$$
 za sve prijelaze

Mrežni svijet 4x4



Iteracija vrijednosti

Algoritam 3: Iteracija vrijednosti za procjenu $\pi \approx \pi_*$

Inicijaliziraj: za sve $s\in\mathcal{S}$ (nasumično) postavi $V(s)\in\mathbf{R},$ $V(terminal)=0 \text{ te odaberi mali }\epsilon>0 \text{ kojim se}$ određuje željenu preciznost

$$\Delta \leftarrow \epsilon + 1;$$

 $\operatorname{dok} \Delta > \epsilon \, \check{\operatorname{cini}}$

$$\begin{split} \Delta &\leftarrow 0; \\ \mathbf{za} & s \in \mathcal{S} \ \mathbf{\check{c}ini} \\ & v \leftarrow V(s); \\ & V(s) \leftarrow \max_{a} \sum_{s',r} \mathcal{P}_{0}(s',r|s,a)[r + \gamma V(s')]; \\ & \Delta \leftarrow \max(\Delta,|v - V(s)|); \end{split}$$

kraj

kraj

Vrati determinističku strategiju $\pi \approx \pi_*$ za koju je

$$\pi(s) = \operatorname{argmax}_{a} \sum_{s',r} \mathcal{P}_{0}(s', r|s, a) [r + \gamma V(s')];$$



Petar Ozretić (PMF) PMF

• DP metode mogu koristiti samo ako je dinamika okoliša u potpunosti poznata.

- DP metode mogu koristiti samo ako je dinamika okoliša u potpunosti poznata.
- Monte-Carlo učenje metode koji prijeđu cijelu putanju agenta i procjenjuju vrijednost iz dobiti uzoraka;

Petar Ozretić (PMF) **PME**

- DP metode mogu koristiti samo ako je dinamika okoliša u potpunosti poznata.
- Monte-Carlo učenje metode koji prijeđu cijelu putanju agenta i procjenjuju vrijednost iz dobiti uzoraka;
- Učenje s vremenskom razlikom, eng. temporal-difference learning metode koje gledaju jedan korak unaprijed i procjenjuju dobit nakon tog jednog koraka

Petar Ozretić (PMF) PMF 21. rujna 2022

Monte Carlo evaluacija

Algoritam 4: MC metoda prvog posjeta za procjenu vrijednosti $V \approx$

```
v_{\pi}
  Zadana je strategija \pi koju treba procjeniti:
  Inicijaliziraj: za sve s \in \mathcal{S} (nasumično) postavi V(s) \in \mathbf{R}:
  Dobiti(s) \leftarrow \text{prazna lista, za sve } s \in \mathcal{S};
  dok true čini
      Generiraj epizodu sljedeći strategiju \pi:
      S_0, A_0, R_1, S_1, A_1, R_2, \cdots, S_{T-1}, A_{T-1}, R_T;
      G \leftarrow 0:
      za svaki korak t \in [T-1, T-2, ..., 0] čini
          G \leftarrow \gamma G + R_{t+1}:
           ako Stanje S_t se ne nalazi u nizu S_0, S_1, \dots, S_{t-1} onda
               Dodaj G na kraj liste Dobiti(S_t);
              V(S_t) \leftarrow prosjek(Dobiti(S_t));
          kraj
      kraj
```

kraj

Temporal difference evaluacija

| kraj kraj

```
Algoritam 5: TD(0) za procienu vrijednosti V \approx v_{\pi}
  Dana je strategija \pi koju treba procijeniti
  Inicijaliziraj: za sve s \in \mathcal{S} (nasumično) postavi V(s) \in \mathbf{R};
  Odaberi parametar algoritma \alpha \in (0, 1math]:
  dok true (za svaku epizodu) čini
      Inicijaliziraj S:
      za svaki korak epizode: čini
          A \leftarrow akcija dana od \pi za stanje S;
          poduzmi akciju A i promatraj R, S';
          V(S) \leftarrow V(S) + \alpha [R + \gamma V(S') - V(S)];
          S \leftarrow S';
          dok ne dođe do terminalnog S;
```

MC vs TD

- Prednost TD metoda nad MC metodama je da su implementirane na inkrementalan način
- Kod MC metoda potrebno je dočekati kraj epizode, jer se tek onda saznaje kolika je dobit, dok se kod TD-a čeka samo jedan korak
- U brojnim primjenama epizode traju jako dugo, a kod kontinuiranih slučaj uopće nema epizoda
- Koja metoda brže uči? (otvoreno pitanje)
- U praksi se pokazalo da TD metode u pravilu konvergiraju brže od MC metoda na stohastičkim zadatcima



Petar Ozretić (PMF) PMF 21. rujna 2022.

• Pohlepna strategija

•

$$\pi'(s) = \operatorname*{argmax}_{a} \sum_{s',r} \mathcal{P}_0(s',r|s,a) [r + \gamma v_\pi(s')]$$

Petar Ozretić (PMF)

Pohlepna strategija

•

$$\pi'(s) = \operatorname*{argmax}_{a} \sum_{s',r} \mathcal{P}_0(s',r|s,a) [r + \gamma v_\pi(s')]$$

•

$$\pi'(s) = \operatorname*{argmax}_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$$

- Problem iskorištavanja i istraživanja (exploration & exploration)
- ako sljedimo pohlepnu strategiju (obzirom na trenutno stanje vrijednosne funkcije) može se dogoditi da neka stanja ne budu (dovoljno) istražena

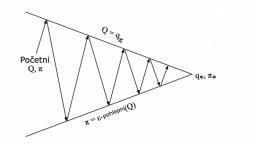
Petar Ozretić (PMF) PMF 21. rujna 2022.

- Problem iskorištavanja i istraživanja (exploration & exploration)
- ako slijedimo pohlepnu strategiju (obzirom na trenutno stanje vrijednosne funkcije) može se dogoditi da neka stanja ne budu (dovoljno) istražena
- \bullet ϵ -pohlepna istraživanje



Petar Ozretić (PMF) PMF 21. rujna 2022

MC iteracija strategija



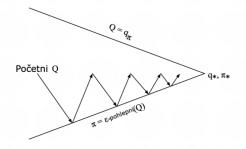
Slika 4.1: Monte-Carlo iteracija strategija [1]:

 $Vrednovanje\ strategije$: MC vrednovanje, $Q=q_{\pi}$

 $Poboljšanje\ strategije \colon \epsilon-pohlepno$

Petar Ozretić (PMF) PMF 21. rujna 2022.

TD iteracija strategija



Slika 4.2: TD iteracija strategija (nakon **svakog** vremenskog koraka) [1]:

Vrednovanje strategije: SARSA Q_{π}

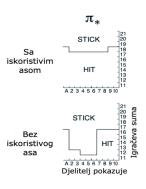
 $Poboljšanje\ strategije:\ \epsilon-pohlepno$

Petar Ozretić (PMF) PMF 21. rujna 2022.

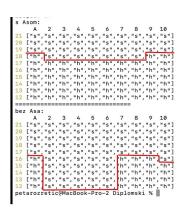
Praktični primjer: Blackjack

Petar Ozretić (PMF) PMF

Monte Carlo primjena



Sutton i Barto



Ozretić

Sutton i Barto

"This policy is the same as the "basic" strategy of Thorp (1966) with the sole exception of the leftmost notch in the policy for a usable ace, which is not present in Thorp's strategy. We are uncertain of the reason for this discrepancy, but confident that what is shown here is indeed the optimal policy for the version of blackjack we have described."

Hvala na pažnji

Hvala na pažnji

Petar Ozretić (PMF) PMF 21. rujna 2022.