

A5-GMR-1은 ETSI 표준인 GMR-1 위성 통신 표준에 사용되는 스트림 암호로 2012년 B.Driessen 연구팀이 단말기를 역공학하여 알고리즘을 밝혀냈다. A5-GMR-1은 master key  $K$  와 frame number  $N$  을 입력받아 keystream  $z$  를 생성한다.<sup>1</sup>

$$z = enc(K, N)$$

다음과 같은 방식으로 생성된 암호문 집합이 ciphertext.bin으로 주어졌을 때, 마스터 키와 평문을 복원하시오.<sup>2</sup>

- ① 평문  $p$ 를 160-bit 단위로 나눈다.

$$p \rightarrow p_0 \mid p_1 \mid p_2 \mid \dots$$

- ② 160-bit 단위로 인코딩을 적용한다. 인코딩 전체 과정을 나타내는 generating matrix를  $G$ 라 하면,<sup>3</sup>

$$p_0 \mid p_1 \mid p_2 \mid \dots \rightarrow G^t \cdot p_0 \mid G^t \cdot p_1 \mid G^t \cdot p_2 \mid \dots$$

- ③ scrambling bits  $s$ 를 각각 XOR 한다.<sup>4</sup>

$$G^t \cdot p_0 \mid G^t \cdot p_1 \mid G^t \cdot p_2 \mid \dots \rightarrow G^t \cdot p_0 \oplus s \mid G^t \cdot p_1 \oplus s \mid G^t \cdot p_2 \oplus s \mid \dots$$

- ④ A5-GMR-1으로 생성한 keystream을 XOR한다. 이때, master key  $K$ 는 동일하고, frame number는 연속된 수로 간주한다.

$$\begin{aligned} G^t \cdot p_0 \oplus s \mid G^t \cdot p_1 \oplus s \mid G^t \cdot p_2 \oplus s \mid \dots &\rightarrow G^t \cdot p_0 \oplus s \oplus enc(K, N_0) \mid \\ &G^t \cdot p_1 \oplus s \oplus enc(K, N_0 + 1) \mid \\ &G^t \cdot p_2 \oplus s \oplus enc(K, N_0 + 2) \mid \dots \end{aligned}$$

[추가 조건]

- $N_0 = 9867$
- 암호문은 2개의 error-bit를 포함하고 있음

[참고 사항]

<sup>1</sup> A5-GMR-1 알고리즘은 논문 Driessen, Benedikt, et al. "Don't trust satellite phones: A security analysis of two satphone standards." 2012 IEEE Symposium on Security and Privacy. IEEE, 2012. 또는 code\_open.cpp를 참고하시오.

<sup>2</sup> code\_open.cpp 는 일부가 가려진 ciphertext.bin 생성 코드이다.

<sup>3, 4</sup> 메시지 암호화 과정은 GMR-1 표준과 다를 수 있으니 generating matrix  $G$  와 scrambling bit  $s$  는 반드시 code\_open.cpp에 제공된 값을 사용하시오.