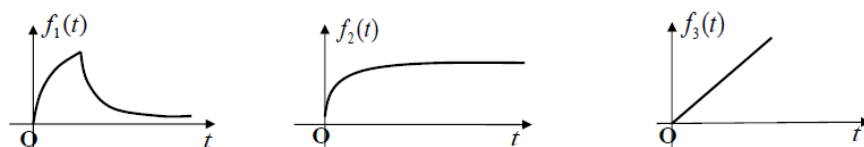


第一章

1. 功率信号的判断 习题 1-6、习题 1-7

- **能量信号**: $0 < E < \infty$, 此时 $P = 0$
- **功率信号**: $0 < P < \infty$, 此时 $E \rightarrow \infty$
- **非能量非功率信号**: 既非功率信号又非能量信号



★ 快速判断法: (离散信号的判断方法类似)

- **直流信号**: 功率信号
- **周期信号**: 功率信号, 其平均功率可以在一个周期内计算。
- **非周期信号**:
 - ▲ 当 $|t| \rightarrow \infty$ 时, 幅值为 0: 能量信号, 也称为脉冲信号
 - ▲ 当 $|t| \rightarrow \infty$ 时, 幅值不为无穷大, 且至少有一边为有限值: 功率信号
 - ▲ 当 $|t| \rightarrow \infty$ 时, 只要有一边幅值为无穷大: 非能非功信号

举例: $\cos(t)u(t)$ (功率信号)

$$(0.5)^k u(k) \quad (\text{能量信号})$$

2. 系统的线性和时不变性判断 习题 1-9

举例: 判别方程 $\frac{dy(t)}{dt} = 5tx^2(t) + x(t+1)$ 描述的系统类型为 D。

- (A) 线性时不变 (B) 线性时变 (C) 非线性时不变 (D) 非线性时变

3. 周期信号的周期计算 习题 1-1

例1-1-2: 判断下列信号是否为周期信号，如果是周期信号，试计算其周期。

$$(1) f_1(t) = 2 + 3\cos\left(\frac{2}{3}t + \theta_1\right) + 5\cos\left(\frac{7}{6}t + \theta_2\right)$$

解: $T_1 = 3\pi, T_2 = \frac{12}{7}\pi, \frac{T_1}{T_2} = \frac{7}{4} = \frac{n_2}{n_1}$ 为有理数, 故 $f_1(t)$ 为周期信号。

$$\text{周期 } T = n_1 T_1 = n_2 T_2 = 12\pi。$$

$$(2) f_2(t) = 2\cos(2t + \theta_1) + 5\sin(\pi t + \theta_2)$$

解: $T_1 = \pi, T_2 = 2, \frac{T_1}{T_2} = \frac{\pi}{2}$ 为无理数, 故 $f_2(t)$ 不是周期信号。

$$(3) f_3(t) = 3\cos(3\sqrt{2}t + \theta_1) + 7\cos(6\sqrt{2}t + \theta_2)$$

解: $T_1 = \frac{2\pi}{3\sqrt{2}}, T_2 = \frac{2\pi}{6\sqrt{2}}, \frac{T_1}{T_2} = 2$ 为有理数, 故 $f_3(t)$ 是周期信号,

$$\text{周期为 } \frac{2\pi}{3\sqrt{2}}。$$

举例: $3\cos(2t) + \cos(5t)$

$$\sin^2(2\pi t)$$

第二章

4. 冲激信号的筛选特性 习题 2-8

举例： $\int_{-3}^3 \cos t \delta(t - \pi) dt =$

$$\int_{-\infty}^{\infty} u(t-4) \delta(t-6) dt =$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} u(t-4) \delta(t-3) dt =$$

5. 连续时间信号的卷积运算 习题 2-13

$$y(t) = x(t) * h(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x(\tau) h(t - \tau) d\tau$$

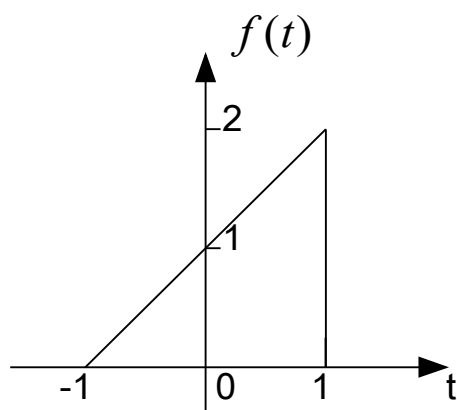
$$(2) \quad 2 * e^{-3t} u(t)$$

解： 原式 $= e^{-3t} u(t) * 2 = e^{-3t} u(t) * 2u(t + \infty)$

$$= \int_0^{t+\infty} e^{-3\tau} \cdot 2 d\tau \cdot u(t + \infty) = 2 \int_0^{\infty} e^{-3\tau} d\tau = -\frac{2}{3} e^{-3\tau} \Big|_0^{\infty} = \frac{2}{3}$$

6. 连续时间信号的基本运算（翻转、尺度变换、平移等） 习题 2-6

举例：已知 $f(t)$ 的波形图如图所示，试画出 $y(t) = f(1 - \frac{t}{2})$ 的波形。



第三章

7. 脉冲信号的基本性质

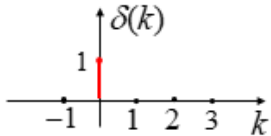
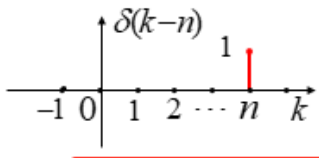
3.1.2 单位脉冲序列

单位脉冲序列: $\delta(k) = \begin{cases} 1 & k=0 \\ 0 & k \neq 0 \end{cases}$

延迟单位脉冲序列: $\delta(k-n) = \begin{cases} 1 & k=n \\ 0 & k \neq n \end{cases}$

(1) 筛选特性: $\sum_{k=-\infty}^{\infty} f(k)\delta(k-n) = f(n)$

(2) 加权特性: $f(k)\delta(k-n) = f(n)\delta(k-n)$

8. 离散时间系统的零状态响应（不进位乘法）习题 3-14、习题 3-15

例：离散时间系统的激励信号 $x(k) = \{2, 1, 5\}$ ，单位函数

响应 $h(k) = \{3, 1, 4, 2\}$ ，试求其零状态响应。

· 序列阵表格法

$x(k) \backslash h(k)$	3	1	5
3	6	3	15
1	2	1	5
4	8	4	20
2	4	2	10

· 不进位乘法

		<u>3</u>	1	4	2	
	×		<u>2</u>	1	5	
<hr/>						
		15	5	20	10	
		3	1	4	2	
+	<u>6</u>	2	8	4		
<hr/>						
	<u>6</u>	5	24	13	22	10

$$\therefore y_{zs}(k) = \{6, 5, 24, 13, 22, 10\}$$

已知 $y(k) = x(k) * h(k)$ ，其中 $x(k) = \{1, -1, 1\}$ ， $h(k) = \{1, 1, 1\}$ ，则

$$y(0)=1$$

第四章

9. 傅里叶变换 习题 4-8

$$(4) (t-3)f(2-t)$$

$$\text{解: 原式} = (t-2)f(2-t) - f(2-t) = (t-2)f[-(t-2)] - f[-(t-2)]$$

$$\ominus \quad tf(t) \leftrightarrow j \frac{dF(\omega)}{d\omega} \quad (\text{时域微分})$$

$$(-t)f(-t) \leftrightarrow -j \frac{dF(-\omega)}{d\omega}$$

$$-(t-2)f[-(t-2)] \leftrightarrow -j \frac{dF(-\omega)}{d\omega} e^{-2j\omega}$$

$$(t-2)f[-(t-2)] \leftrightarrow j \frac{dF(-\omega)}{d\omega} e^{-2j\omega}$$

$$\text{又 } \ominus \quad f(-t) \leftrightarrow F(-\omega)$$

$$\therefore f[-(t-2)] \leftrightarrow F(-\omega) e^{-2j\omega}$$

$$\therefore \text{原式} \leftrightarrow j \frac{dF(-\omega)}{d\omega} e^{-2j\omega} - F(-\omega) e^{-2j\omega}$$

10. 微分冲激法 习题 4-12

(1) 时域微分性质

$$\text{若 } f(t) \leftrightarrow F(\omega)$$

$$\text{则 } \frac{df(t)}{dt} \leftrightarrow j\omega F(\omega)$$

(2) 时域积分性质

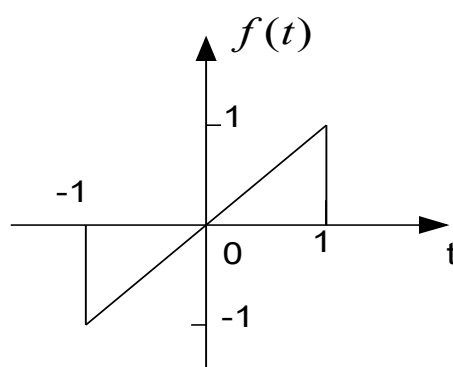
$$\text{若 } f(t) \leftrightarrow F(\omega)$$

$$\text{则 } \int_{-\infty}^t f(\lambda) d\lambda \leftrightarrow \pi F(0) \delta(\omega) + \frac{1}{j\omega} F(\omega)$$

$$F(\omega) = \frac{G(\omega)}{j\omega} + \pi [f(\infty) + f(-\infty)] \delta(\omega)$$

微分冲激法

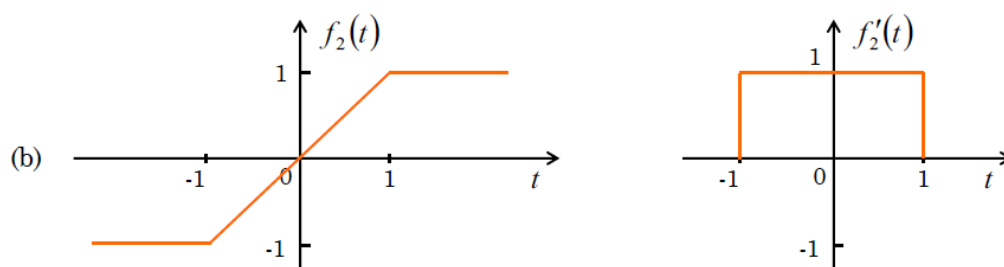
举例：用微分冲激法求下图所示信号的傅里叶变换。



解： $f'(t) = g_2(t) - \delta(t+1) - \delta(t-1) \leftrightarrow 2Sa(\omega) - 2\cos(\omega)$

$$f(t) \leftrightarrow \frac{2Sa(\omega) - 2\cos(\omega)}{j\omega}$$

3-12 用时域微积分性质求下列信号的频谱。



解： $g(t) = f'_2(t) = g_2(t) \leftrightarrow 2Sa(\omega) = G(\omega)$

又 $f(\infty) + f(-\infty) = 0$

$$\begin{aligned} \therefore F(\omega) &= \frac{G(\omega)}{j\omega} + \pi[f(\infty) + f(-\infty)]\delta(\omega) \\ &= \frac{2Sa(\omega)}{j\omega} \end{aligned}$$

11. 调制定理

涉及常见信号与性质：欧拉公式、门函数对应的傅里叶变换、傅里叶变换的对称性和频移性

5. 频移性（调制定理）

$$\begin{aligned} \text{若 } f(t) &\leftrightarrow F(\omega) \\ \text{则 } f(t)e^{j\omega_0 t} &\leftrightarrow F(\omega - \omega_0) \end{aligned}$$

证明：根据傅里叶变换的定义，有

$$f(t)e^{j\omega_0 t} \leftrightarrow \int_{-\infty}^{\infty} f(t)e^{j\omega_0 t} e^{-j\omega t} dt = \int_{-\infty}^{\infty} f(t)e^{-j(\omega - \omega_0)t} dt = F(\omega - \omega_0)$$

表明 $f(t)$ 在时域中乘以 $e^{j\omega_0 t}$ ，对应于 $F(\omega)$ 在频域中移动 ω_0

调制定理	$f(t) \cos \omega_0 t \leftrightarrow \frac{1}{2}[F(\omega - \omega_0) + F(\omega + \omega_0)]$
	$f(t) \sin \omega_0 t \leftrightarrow \frac{j}{2}[F(\omega + \omega_0) - F(\omega - \omega_0)]$

1. 对称 $F(\omega)$ 找
 $F_0(\omega)$
 2. 求 $f_0(t)$
 3. $f(t) = f_0(t) \cos(\omega_0 t)$
 按步骤来, 原理理
 解其次

例 已知信号 $f(t)$ 的频谱 $F(\omega)$ 如图所示,
 试写出其时域表达式。

解法一: 利用调制定理求解

设 $F_0(\omega)$ 如图所示

$$F_0(\omega) \leftrightarrow f_0(t) = \frac{2}{\pi} \omega_1 \text{Sa}(\omega_1 t)$$

$$\begin{aligned} \text{由调制定理有 } F(\omega) &= \frac{1}{2} [F_0(\omega + \omega_0) + F_0(\omega - \omega_0)] \\ &\leftrightarrow f_0(t) \cos \omega_0 t = f(t) \end{aligned}$$

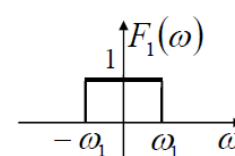
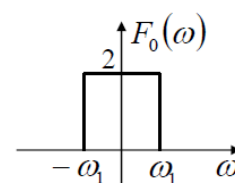
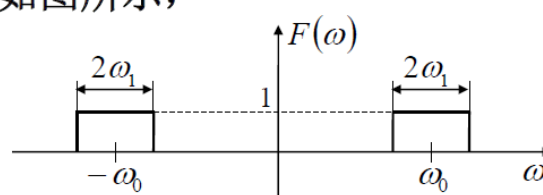
$$\therefore f(t) = \frac{2\omega_1}{\pi} \text{Sa}(\omega_1 t) \cos \omega_0 t$$

解法二: 利用频域卷积定理求解

$$F(\omega) = F_1(\omega) * [\delta(\omega + \omega_0) + \delta(\omega - \omega_0)]$$

$$\therefore f(t) = 2\pi \cdot F^{-1}[F_1(\omega)] \cdot F^{-1}[\delta(\omega + \omega_0) + \delta(\omega - \omega_0)]$$

$$= 2\pi \cdot \frac{\omega_1}{\pi} \text{Sa}(\omega_1 t) \cdot \frac{1}{2\pi} [e^{-j\omega_0 t} + e^{j\omega_0 t}] = \frac{2\omega_1}{\pi} \text{Sa}(\omega_1 t) \cos \omega_0 t$$



12. 奈奎斯特采样率 习题 4-17

- ◆ 时域中两个信号相乘, 所得信号的带宽为原来两个信号的带宽之和。
- ◆ 时域中两个信号相加, 所得信号的带宽应为原来两个信号中大的那个带宽。
- ◆ 时域中两个信号卷积, 所得信号的带宽为原来两个信号中小的那个带宽。

3-17 确定下列信号的奈奎斯特取样率。

$$(3) Sa(100t) * Sa(200t)$$

$$\text{解: } \omega_{m1} = 100 \text{ rad/s}, \quad \omega_{m2} = 200 \text{ rad/s}$$

$$\omega_m = \min(\omega_{m1}, \omega_{m2}) = 100 \text{ rad/s}$$

$$\therefore \omega_s = 2\omega_m = 200 \text{ rad/s} \quad \text{或} \quad f_s = \frac{\omega_s}{2\pi} = \frac{100}{\pi} \text{ Hz}$$

$$(5) Sa(100t) + Sa^2(60t)$$

$$\text{解: } \omega_{m1} = 100 \text{ rad/s}, \quad \omega_{m2} = 60 \times 2 = 120 \text{ rad/s}$$

$$\omega_m = \max(\omega_{m1}, \omega_{m2}) = 120 \text{ rad/s}$$

$$\therefore \omega_s = 2\omega_m = 240 \text{ rad/s} \quad \text{或} \quad f_s = \frac{\omega_s}{2\pi} = \frac{120}{\pi} \text{ Hz}$$

13. 连续时间系统的频域分析 习题 4-25(简便方法)、 课件 PPT 上例子：正（余）弦信号输入到系统，输出是同频率的信号，只改变了幅度和相位

举例：

激励为 $x(t) = A_n \cos(n\omega_0 t + \varphi_n)$ 时，输出信号为

$$y(t) = \frac{A_n}{2} e^{j(n\omega_0 t + \varphi_n + \theta_n)} |H(n\omega_0)| + \frac{A_n}{2} e^{-j(n\omega_0 t + \varphi_n + \theta_n)} |H(n\omega_0)|$$

$$= A_n |H(n\omega_0)| \cdot \cos[n\omega_0 t + \varphi_n + \theta_n] = A_n \cos(n\omega_0 t + \varphi_n) H(n\omega_0)$$

例：某线性时不变系统的幅频特性 $|H(\omega)|$ 和相频特性 $\theta(\omega)$

如图所示，若系统的激励为 $x(t) = 2 + 4\cos 5t + 4\cos 10t$ ，

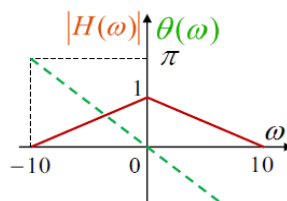
试求响应 $y(t)$ 。

解：信号为周期信号，

因此系统的响应为

$$y(t) = 2H(0) + 4\cos 5t \cdot H(5) + 4\cos 10t \cdot H(10)$$

$$= 2 + 2\cos(5t - 90^\circ)$$



该系统将直流信号幅度放大1倍；将 $\omega = 5$ 的正弦信号幅度放大 $\frac{1}{2}$ 倍，附加相位移 $-\frac{\pi}{2}$ ；将 $\omega = 10$ 的正弦信号幅度衰减为0。

可以看出，线性系统在周期信号激励下的响应仍然为周期信号，系统函数 $H(\omega)$ 描述了系统对不同频率信号的幅度和相位的影响。

举例：某系统的频域系统函数为 $H(\omega) = \frac{1}{j\omega}$ ，若输入信号

$x(t) = \cos t$ ，则系统的零状态响应 $y_{zs}(t) = \sin(t)$ 。

第五章

14. 拉式变换的初值/终值定理 习题 5-16

记住俩公
式，先做题

8. 初值定理

设 $f(t) \leftrightarrow F(s)$ ，且 $\lim_{s \rightarrow \infty} sF(s)$ 存在，则

$$f(0^+) = \lim_{t \rightarrow 0^+} f(t) = \lim_{s \rightarrow \infty} sF(s)$$

注意：

(1) 当 $F(s)$ 为有理真分式时，可以直接套用公式。

(2) 当 $F(s)$ 不是真分式时，应当先用长除法将 $F(s)$ 化成一个多项式与一个真分式之和，然后对真分式用初值定理。

9. 终值定理

设 $\mathcal{L}[f(t)] = F(s)$ ，且 $\lim_{t \rightarrow \infty} f(t)$ 存在，则 $f(t)$ 的终值

$$f(\infty) = \lim_{t \rightarrow \infty} f(t) = \lim_{s \rightarrow 0} sF(s)$$

条件： $\lim_{t \rightarrow \infty} f(t)$ 存在

这相当于 $F(s)$ 的极点都在 S 平面的左半平面，并且如果在虚轴上有极点的话，只能在原点处有单极点。

5 求下列拉氏变换式对应的原函数的初值和终值。

$$(1) \frac{s^2 + 8s + 10}{s^2 + 5s + 4}$$

解：原式不是真分式，用长除法将其分解为：

$$\text{原式} = 1 + \frac{3s + 6}{s^2 + 5s + 4}$$

$$\text{则 } f(0^+) = \lim_{t \rightarrow \infty} s \cdot \frac{3s + 6}{s^2 + 5s + 4} = 3$$

由于原式的极点为 -1 、 -4 ，均位于 s 平面的左半平面，故 $f(\infty)$ 存在

$$f(\infty) = \lim_{t \rightarrow 0} s \cdot \frac{s^2 + 8s + 10}{s^2 + 5s + 4} = 0$$

15. 拉式变换/拉式反变换 习题 5-7

$$(4) \frac{2s+4}{s(s^2+4)}$$

原式是真分式，可表示为：原式 = $\frac{A}{s} + \frac{Bs+C}{s^2+4}$

$$\text{用遮挡法得：} A = \left. \frac{2s+4}{s^2+4} \right|_{s=0} = 1$$

则原式 = $\frac{1}{s} + \frac{Bs+C}{s^2+4}$ (由对应项系数相等法，求系数 B 、 C)

上式两边同乘以 s ，令 $s \rightarrow \infty$ ，得： $0 = 1 + B \quad \therefore B = -1$

$$\text{令 } s=1, \text{ 代入上式：} \frac{2 \times 1 + 4}{1 \times (1+4)} = \frac{1}{1} + \frac{-1 \times 1 + C}{1+4} \quad \therefore C = 2$$

$$\therefore \text{原式} = \frac{1}{s} + \frac{-s+2}{s^2+4} = \frac{1}{s} - \frac{s}{s^2+2^2} + \frac{2}{s^2+2^2} \quad (\text{配方法})$$

$$\leftrightarrow (1 - \cos 2t + \sin 2t)u(t)$$

常见信号的傅里叶变换一定要掌握

16. 系统函数的零极点图结合系统函数、零状态响应等计算

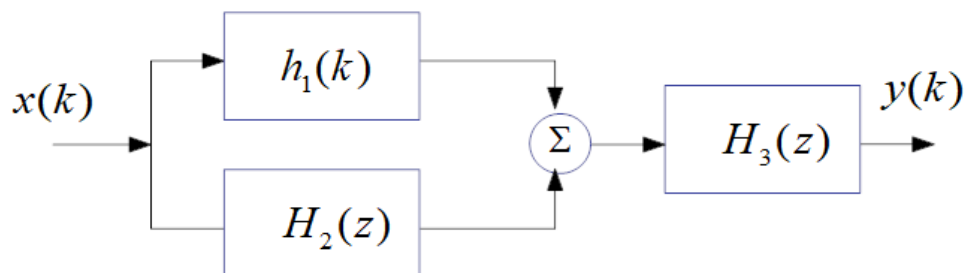
综合性题型，建议根据在掌握习题 5-14、习题 5-16 和习题 6-14

等基础上灵活处理

17. 系统冲激响应结合系统函数的计算 习题 2-26

如图所示系统由三个子系统组成，已知各子系统的单位函数响应或系统函数分别为

$$h_1(k) = u(k), \quad H_2(z) = \frac{z}{z+1}, \quad H_3(z) = \frac{1}{z}, \quad \text{求系统的单位函数响应}$$



解： $H_1(z) = \frac{z}{z-1}$

$$H(z) = [H_1(z) + H_2(z)]H_3(z) = \frac{2z}{(z-1)(z+1)}$$

根据 $H(z)$ 求逆变换

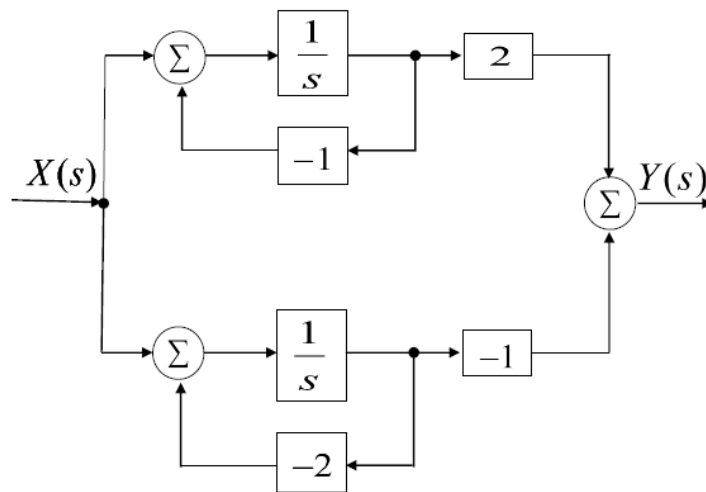
上述例题为离散时间系统，那么连续时间系统怎么处理呢？

18. 并联模拟图结合系统稳定性判断 习题 5-18

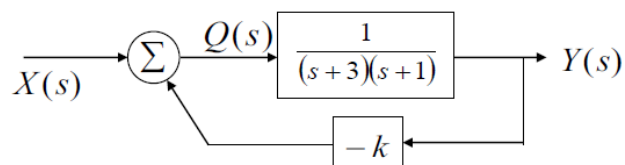
提示：将下面两道例题综合考虑

例4-6-3 已知系统的系统函数 $H(s) = \frac{s+3}{(s+1)(s+2)}$ ，画出其直接模拟图、并联模拟图和串联模拟图。

其并联模拟图：



4-18 如题图4-18所示系统，求系统稳定时 k 的取值范围。



解：如图设加法器的输出 $Q(s)$ ，则

$$Q(s) = X(s) - kY(s) = \frac{Y(s)}{\frac{1}{(s+1)(s+3)}}$$

$$\text{整理得： } H(s) = \frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{1}{s^2 + 4s + 3 + k}$$

为二阶系统，因此当 $3+k > 0$ ，即 $k > -3$ 时，系统稳定。

第六章

19. Z 变换/Z 反变换 习题 6-1

$$\left(\frac{1}{2}\right)^k [u(k) - u(k-3)]$$

20. 离散时间系统的直接模拟图 习题 6-17

5-17 对下列差分方程描述的系统画出模拟图。

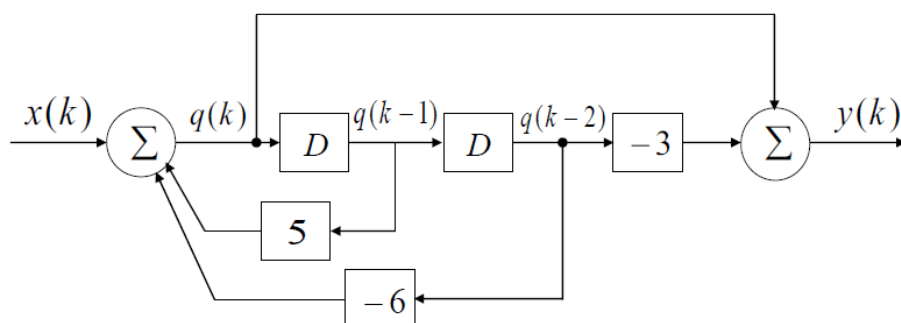
$$(1) \quad y(k) - 5y(k-1) + 6y(k-2) = x(k) - 3x(k-2)$$

解： 设辅助函数 $q(k)$ ， 则有：

$$\begin{aligned} q(k) - 5q(k-1) + 6q(k-2) &= x(k) \\ \Rightarrow q(k) &= x(k) + 5q(k-1) - 6q(k-2) \end{aligned} \quad (1)$$

$$y(k) = q(k) - 3q(k-2) \quad (2)$$

由方程(1)和(2)可画出模拟图如下：



21. 离散时间系统的零状态响应计算 习题 6-9 (只考察零状态响应)

九、已知离散系统的差分方程为 $y(k+2) - y(k+1) - 2y(k) = x(k)$ 若输入 $x(k) = u(k)$, 求系统的零状态响应。

解: $[z^2Y(z) - z^2y(0) - zy(1)] - [zY(z) - zy(0)] - 2Y(z) = X(z)$

$$Y(z) = \frac{1}{z^2 - z - 2} X(z)$$

$$\text{代入 } X(z) = \frac{z}{z-1}$$

22. 初值定理、终值定理

23. 初值定理、终值定理

7. 初值定理 (也可以用长除法计算)

若 $z[f(k)] = F(z)$, 且 $\lim_{z \rightarrow \infty} F(z)$ 存在,
则 $f(k)$ 的初值 $f(0) = \lim_{z \rightarrow \infty} F(z)$

8. 终值定理

若 $z[f(k)] = F(z)$, 且 $f(k)$ 的终值 $f(\infty)$ 存在,
则 $f(\infty) = \lim_{z \rightarrow 1} (z-1)F(z)$

条件： $f(k)$ 的终值存在意味着 $F(z)$ 除了在 $z=1$ 处允许有一个一阶极点外，其余极点必须在单位圆内部。