### Evaluación y aceleración del algoritmo Path tracing en arquitecturas heterogéneas

Por Enrique de la Calle Montilla



# UNIVERSIDAD COMPLUTENSE MADRID

Grado de Ingeniería Informática FACULTAD DE INFORMÁTICA

# Carlos García Sánchez Evaluation and acceleration of Path Tracing algorithm in heterogeneous architectures

 $\mathrm{Madrid},\ 2020\text{-}2021$ 

# Índice general

1.	Introducción 1.1. Objetivos	<b>4</b> 4
2.	Fundamentos del algoritmo de Path Tracing  2.1. Aproximación de la ecuación de renderizado	<b>6</b> 6 7
3.	Mejoras estructurales 3.1. Desenfoque: Modelo de lente fina	9 10 11 12 12
4.	Optimizaciones estructurales  4.1. Muestreo por importancia	14 14 15 16 16 17 18 21 21
<b>5</b> .	Port OneApi	22
6.	Evaluación	23
7.	Anexo	24

# Introducción

El renderizado 3d es una técnica por la cual se representan los datos de geometrías tridimensionales en una pantalla en dos dimensiones. Existen distintas técnicas de renderizado tridimensional, siendo el trazado de rayos la más utilizada en la industria cinematográfica gracias a su excepcional fotorrealismo del cual carecen otras técnicas. Tan codiciada es esta técnica, que actualmente industrias realionadas con la visualización 3d como por ejemplo la industria de los videojuegos trata de replicarla y adaptarla en sus proyectos más modernos, con el fin de obtener mejor fidelidad visual. El creciente interés ante el trazado de rayos ha provocado que compañías dedicadas al hardware gráfico dediquen parte de su desarrollo a la implementación del trazado de rayos en sus últimos modelos. Véase por ejemplo las últimas dos series de tarjetas gráficas de NVIDIA, siendo RTX (el nombre de las dos últimas series) acrónimo de Ray Tracing Texel eXtreme".

No obstante la implementación de estos sistemas de renderizado pecan de una gran demanda computacional, es por ello que gran parte de los motores de renderizado orientados a la industria cinematográfica han sido adaptados para poder funcionar en aceleradores gráficos. Con la creciente capacidad computacional y las características fotorrealistas mencionadas anteriormente, los motores de renderizado de trazado de rayos han adquirido una especial importancia en el ámbito de la computación gráfica.

### 1.1. Objetivos

Este trabajo cubre las bases teóricas además de explicar la implementación en CUDA de un motor de renderizado fotorrealista con características a la orden del día de otros motores comerciales. Así pues este trabajo también hace hincapié en el análisis de dicha implementación en GPUs modernas, poniendo a prueba distintos parámetros y optimizaciones.

La implementación cuenta con características cercanas al estado del arte: es capaz de renderizar escenas del orden de millones de triángulos en tiempos razonables; usa un modelo de sombreado realista desarrollado por Disney; permite el uso de mapas de textura y además funciona en GPU.

Un aspecto importante en cuanto a la implementación es que se hace uso del menor número de librerías posibles, con el fin de indagar a fondo en la arquitectura de un motor de renderizado de Path Tracing de manera íntegra. Así pues se desmitifica el trabajo que normalmente se delega a las librerías gráficas, y se expondrá de manera clara el funcionamiento de cada pieza de un motor de renderizado de Path Tracing en GPU.

# Fundamentos del algoritmo de Path Tracing

En este capítulo se procede a dar un esquema básico de los fundamentos de este algoritmo. El objetivo será así describir un motor de renderizado previo a cualquier optimización, que cuenta con las funcionalidades básicas para producir una imagen de una escena tridimensional simple. Aproximando la ecuación de renderizado:

### 2.1. Aproximación de la ecuación de renderizado

$$L_{\rm o}(\mathbf{x}, \omega_{\rm o}, t) = L_{\rm e}(\mathbf{x}, \omega_{\rm o}, t) + \int_{\Omega} f_{\rm r}(\mathbf{x}, \omega_{\rm i}, \omega_{\rm o}, t) L_{\rm i}(\mathbf{x}, \omega_{\rm i}, t) (\omega_{\rm i} \cdot \mathbf{n}) d\omega_{\rm i}$$

La ecuación de renderizado aparece por primera vez en 1986 junto al algoritmo de Path Tracing, siendo este una propuesta para resolverla haciendo uso del método de Monte Carlo. Este algoritmo debido a la naturaleza del método de Monte Carlo, ofrecerá una solución aproximada, más precisa cuanto mayor sea el tiempo de ejecución del algoritmo.

Esta ecuación define la energía lumínica saliente desde un punto x del espacio hacia una dirección w0 y es el pilar de la visualización fotorrealista, puesto que garantiza resultados teóricamente muy similares al comportamiento físico real de los fotones y cámaras digitales. Se compone de cuatro partes:

El primer término indica la luz que dicho punto x emite, así pues se podrán modelar materiales emisivos. El segundo término calcula toda la luz entrante y reflejada por dicho punto x, es por ello que integra todos los ángulos del hemisferio superior. Este segundo término se compone de tres coeficientes:

El primer coeficiente es la función BRDF, la cual es dependiente del material e indica cuánta energía se refleja en dicho punto para ciertas direcciones de entrada y salida.

El segundo coeficiente hace referencia a toda la energía lumínica entrante de todas las direcciones posibles.

El tercer coeficiente es el producto de la ley de Lambert un escalar que atenúa los ángulos menos pronunciados con la normal del material.

### 2.2. Esquema simplificado del trazado de rayos

Habiendo definido la ecuación de renderizado, el siguiente paso es explicar el algoritmo de Path Tracing en su forma más elemental, ya que posteriormente se irá mejorando paso por paso este algoritmo básico.

En su esencia, este algoritmo consiste en trazar rayos o çaminos" desde una cámara virtual a una escena tridimensional, simulando así un modelo simplificado de fotones y sus interacciones con la escena, las cuales conllevarán una pérdida de energía de estos.

También se utiliza el término Ray Tracing, puesto que este término ha terminado usándose para distintos tipos de simulación de rayos de luz, aunque originalmente Ray Tracing se utilizaba para referirse al algoritmo original propuesto en , el cual difiere el algoritmo analizado en este trabajo.

El primer paso es preparar la escena a renderizar Scene. Una escena básica se compone de una cámara, geometrías y materiales.

Las cámaras Camera consisten en una simulación aproximada de una cámara física real, así pues sus atributos serán: tamaño del sensor (en milímetros) sensorWidth y sensorHeight, distancia focal (en milímetros) focalLength y resolución (en píxeles) xRes e yRes.

Las geometrías MeshObject por otra parte consisten en un conjunto de triángulos Tri, los cuales a su vez consisten en 3 puntos tridimensionales Vector3 vertices[3].

Los materiales Material definen la manera en la que los fotones interactúan con ellos. En su forma más primitiva consisten en un color base, el cual absorberá ciertas longitudes de onda en mayor o menor medida. Para simplificar las computaciones, no es necesario calcular estas interacciones con todo el espectro electromagnético visible, basta con usar los tres colores primarios aditivos: rojo, verde y azul.

Así pues, habiendo definido estos elementos en la escena, se procederá a transferirlos a la GPU, donde se realizará el resto de computaciones más demandantes.

# Mejoras estructurales

### 3.1. Desenfoque: Modelo de lente fina

Hasta ahora se ha estado utilizando un modelo de cámara ideal denominado cámara estenopeica. Esta cámara tiene la particularidad de tener un enfoque perfecto siempre. Esta propiedad es indeseada en un motor de renderizado fotorrealista, ya que la mayoría de las cámaras reales incluyen lentes en su estructura que desvían los rayos de luz gracias a la difracción del cristal, enfocando a determinada distancia, y desenfocando el resto de la escena. El hecho de poder enfocar a una distancia determinada permite hacer énfasis en un sujeto de la escena, y desenfocar el resto. Este efecto se conoce como "Bokeh" y es muy deseado en un motor de renderizado, puesto que es un recurso cinematográfico muy atractivo visualmente.

Para solventar el problema del enfoque perfecto se va a hacer uso de un modelo de cámara denominado modelo de lente fina. Este modelo es una simplificación de lo que sería una simulación física de unas lentes reales. Al simplificar los cálculos, se pierden artefactos y desperfectos deseados como la aberración cromática o la distorsión de lentes, pero a cambio se obtiene la simplicidad de implementación.

Para activar este efecto, es necesario compilar con la constante BOKEH definida. Esto desbloqueará la parte de código que hace el cálculo del desenfoque.

Este nuevo método añade a la clase Camera dos nuevas variables, por un lado focusDistance y por otro lado aperture. La primera define la distancia a la que se encuentra el plano de enfoque, y la segunda, la apertura en f-stops del iris de la cámara.

El procedimiento para calcular los rayos emitidos por el nuevo modelo

de cámara es el siguiente:

1: Se calcula un rayo desde la cámara hasta un punto aleatorio del sensor como se hacía anteriormente 2: Se calcula la intersección de dicho rayo con el plano de enfoque focusPoint. 3: En vez de emitir un rayo desde el punto de la cámara, se elige un punto aleatorio en un círculo del tamaño definido por la apertura.

#### 3.2. Iluminación

La iluminación se define en este contexto como cualquier cuerpo capaz de emitir energía lumínica a la escena. Esta energía lumínica será multiplicada por el factor de reducción de cada fotón, determinado en cada rebote, y, añadida de manera lineal a la energía total del fotón.

Luces de punto:

Las luces de punto son quizá el elemento más simple de iluminación. Consisten en un punto sin volumen el cual emite radiación lumínica de manera uniforme. Esta radiación se desvanece de manera cuadrática. Debido a que son puntos infinitesimalmente pequeños, jamás serán alcanzados por los fotones emitidos desde la cámara, de manera que requieren un procesamiento especial explicado en el capítulo de Muestreo por importancia de luces de punto.

Una luz de punto viene definida por tres atributos: Color, intensidad y posición. La energía lumínica viene dada por la ecuación:

Materiales emisivos:

Cuando un objeto es alcanzado por un rayo, lo más común es que se reste energía a dicho rayo debido a la absorción del material. Otra opción es sumarle energía. Si esto ocurre, se pasará a considerar a ese objeto como otra fuente de luz más.

La energía sumada a dicho rayo será obtenida de una textura denominada emisión del material a través del mapeo correspondiente del punto de intersección, multiplicada así por un factor de intensidad.

IBL (Image Based Lightning):

La iluminación basada en imagen ha sido uno de los elementos más relevantes en las técnicas para el renderizado fotorrealista. Se utiliza ampliamente en la industria cinematográfica debido a la complejidad visual que aporta a una escena 3D y debido a que permite captar la iluminación de entornos reales y posteriormente añadirla en escenas digitales. El hecho de poder trasladar la iluminación a un escenario virtual, facilita la composición

de modelos tridimensionales en películas y series de televisión donde es necesario juntar una grabación real con un elemento generado por ordenador.

Esta técnica se basa principalmente en usar una fotografía de 360 grados como fuentes de luz formando una esfera alrededor de la escena. Estas fotografías son conocidas como HDRI (Imagen de Alto Rango Dinámico). A diferencia de las imágenes tradicionales las cuales normalmente tienen 8 bits de resolución por canal de color, las imágenes HDRI cuentan con valores de punto flotante. Esto es debido a que su uso no es meramente la visualización de estas en pantallas de 8 bits de resolución por color como la mayoría de imágenes, sino que el valor de cada píxel será utilizado para realizar las operaciones pertinentes para iluminar la escena.

La implementación de esta técnica en el motor de render viene dada por el uso de una textura en formato .hdr (imágenes en punto flotante), o un color plano. En caso de utilizar una textura, se considerará cada píxel como una pequeña fuente de luz direccional en el infinito, orientada hacia el centro de la escena.

Los rayos que no interseccionan con nada se consideran que interseccionan en el infinito con el HDRI, por esta razón, al detectar que un rayo ha terminado de rebotar y ha terminado en el infinito, se obtendrá la dirección de este, y esta dirección se traducirá en las coordenadas polares del HDRI que posteriormente recuperarán el valor interpolado bilinearmente del pixel del HDRI correspondiente.

#### 3.3. Texturas

Texturas: El uso de colores planos en los materiales limita la capacidad de imitación de la realidad. Un recurso esencial para romper esta limitación es el uso de texturas. Una textura consiste en una matriz bidimensional de valores en punto flotante.

La implementación de las texturas viene dada en el código por la clase Texture. Coordenadas UV:

Una vez se ha definido este tipo de coordenadas se pueden añadir parámetros que las modifiquen, estos parámetros se encuentran en la clase Texture.

xTile e yTile: definen las veces que se repite una textura xOffset e yOffset: definen el desplazamiento de esta textura. Interpolado bilinear: El problema de las texturas es que cuentan con una resolución limitada. Esto provoca que se pixelice cuando se muestra cercana a la cámara. Una solución adoptada de manera general en muchos ámbitos es la interpolación los píxeles vecinos de manera lineal.

Por esta razón, cada vez que se quiera acceder a un píxel en las coordenadas UV, se devolverá el valor interpolado con la función getValueBilinear().

#### 3.4. Sombreado BRDF

El sombreado consiste en dar un valor de pérdida de energía para un rayo que intersecciona con un punto. Así pues, en la industria es utilizada una función conocida como BRDF. Esta función define un valor para la radiación reflejada a partir de un ángulo entrante wi y un ángulo saliente wo.

Un elemento clave del renderizado fotorrealista es elegir una función de sombreado apropiada. En este motor se ha hecho uso del modelo de sombreado Disney Principled Shader. Este modelo fue desarrollado por Disney bajo el fin de simplificar los parámetros de las fórmulas matemáticas y que estos sean cómodos para los artistas. Esta decisión tiene más sentido si consideramos el contexto histórico, donde los modelos anteriores contaban con parámetros complejos.

Este modelo cuenta además con buen fotorrealismo, y por ello, el conocido software de edición 3d de código abierto Blender, hace uso de él como su modelo de sombreado primario.

A continuación se muestra una lista con los parámetros de los materiales descritos bajo este modelo:

roughness: metallic: clearcoatGloss: clearcoat: anisotropic: eta: specular: specularTint: sheenTint: subsurface: sheen:

### 3.5. Renderizado progresivo

Hoy en día, la mayoría de los motores de renderizado de producción son progresivos. Esto implica que las muestras se van acumulando poco a poco hasta que termina por converger la imagen deseada. Esto difiere de los motores de renderizado por CPU tradicionales, los cuales van procesando la imagen en recuadros de tamaño limitado. Se ha decidido hacer una implementación iterativa con el fin de estar más cerca del estado del arte.

Este tipo de implementación se beneficia de la copia de datos asíncrona de la GPU. Mientras el kernel se ejecuta, un flujo de datos secundario hará la copia del buffer de la GPU en la CPU, pudiendo así actualizar la visualización del resultado varias veces por segundo.

Este flujo de datos secundario se ha implementado con el tipo de datos "cudaStream\_t" de la API de CUDA. Han sido necesarios dos flujos, uno

denominado "kernelStream" y otro denominado "bufferStream". Los kernels de inicialización y renderizado correrán en el primero, mientras que la función que obtiene el buffer, será lanzada en el segundo.

# Optimizaciones estructurales

### 4.1. Muestreo por importancia

El simple hecho de simular los rebotes de los fotones no es eficiente. Se puede buscar una manera para que cada rayo cargue con información "más útil". Este procedimiento se denomina "Muestreo por importanciaz es actualmente una línea de investigación en constante desarrollo puesto que como se verá a continuación, permite mejoras muy significativas en cuanto al tiempo de convergencia de la imagen final.

Así pues este término es bastante general. Esta implementación consta de tres muestreos por importancia distintos: Muestreo por importancia de BRDF, Estimación de Evento Próximo (NEE) y Muestreo por importancia del entorno.

Algo que todos los muestreos por importancia tienen en común es su funcionamiento elemental: Emitir más rayos en las direcciones que más interesan y a su vez, dividir el resultado por la función de distribución de probabilidad (PDF en adelante). Esto quiere decir que si vamos a emitir el doble de rayos en una dirección que en otra, será necesario dividir este resultado por dos, puesto que se ha recabado el doble de radiación lumínica. Así pues, también se tendrá que multiplicar el resultado menos muestreado por el doble, ya que al muestrearse la mitad, se obtiene la mitad de radiación.

En la implementación, todo muestreo consiste en una función que genera rayos aleatorios a aquellos lugares donde interesa más muestrear y la función de probabilidad de distribución apropiada derivada de la función de muestreo, que ha de devolver la probabilidad con la que se ha elegido ese rayo. Como se verá más adelante, no siempre es fácil derivar esta función de probabilidad cuando se cuenta con una función de muestreo compleja.

#### 4.1.1. Muestreo por importancia de entorno

Anteriormente se ha descrito como la iluminación HDRI permite resultados visualmente complejos de manera simple y sin necesidad de primitivas, simplemente una imagen con alta profundidad de color. Este método por otra parte también cuenta con inconvenientes.

Antes de aplicar cualquier tipo de optimización a este método de iluminación, se estaba trazando un rayo de manera ingenua, recibiendo el color de la imagen a partir de las coordenadas esféricas asumiendo una esfera de radio infinito. Para imágenes homogéneas con luminosidad similar en cada píxel, este método funciona muy bien, pero la mayoría de estas imágenes HDRI consisten en un paisaje con componentes lumínicos condensados tales como el sol el cual actúa como principal fuente de luz.

Esta situación plantea un problema, y es que los focos de luz como puede ser el sol, concentran un gran porcentaje de luminosidad, mientras que el resto de la imagen no. Esto implica que pocas veces se va a recibir información del sol, lo que va a resultar en "fireflies". La forma de enfrentar este problema es igual que el resto de muestreo por importancia: Trazar más rayos a los píxeles más luminosos, ya que serán aquellos que más información aporten a la escena.

La implementación de este tipo de muestreo por importancia no es trivial. Las imágenes HDRI utilizadas normalmente en la industria cinematográfica suelen contar con resoluciones extremas (8K) y son del orden de millones de píxeles. La búsqueda de los píxeles más brillantes y la asignación de su probabilidad de ser elegidos requerirá de un preprocesamiento previo que facilite dicha búsqueda.

El planteamiento general para este método consiste en precomputar un array del tamaño del número total de píxeles de la imagen HDRI, en el que cada elemento cuente con la iluminación acumulada hasta el momento de cada pixel normalizada. La función que determina la iluminación de un píxel viene dada por la respuesta logarítmica media de los bastones y conos de los ojos para cada longitud de onda, pero para simplificar se utilizará la suma de cada componente de color. Este array a efectos prácticos contiene la función de distribución acumulativa discreta normalizada (CDF) y además como está ordenado, es posible hacer búsquedas binarias, las cuales cuentan con una complejidad logarítmica (aproximadamente 25 iteraciones de búsqueda para una imagen de 8K de resolución).

Así pues, si se quiere obtener un píxel de manera aleatoria proporcional a su iluminación, bastará con buscar en el CDF el intervalo que comprende el valor aleatorio dado. Esta operación de búsqueda también tiene coste

logarítmico, ya que es una versión ligeramente modificada de la búsqueda binaria corriente.

La función de distribución de probabilidad vendrá entonces dada por la iluminación para el pixel obtenido dividida por la iluminación total.

# 4.1.2. Muestreo por importancia de Estimación de Evento Próximo (NEE)

El renderizado por luz directa es un método por el cual solo se tiene en cuenta la primera interacción del rayo con la escena y se comprueba si dicho punto es visible a los elementos lumínicos. Este método converge muy rápido puesto que solo necesita computar una interacción y el fotón recibe información directamente de la luz sin tener que desperdiciar fotones que acaben en zonas oscuras, pero carece del fotorrealismo que ofrece la iluminación global o luz indirecta, puesto no tiene en cuenta la luz reflejada en otros elementos no emisivos.

El muestreo por importancia de Estimación de Evento Próximo trata de juntar estos dos métodos: La iluminación directa y la indirecta. De esta manera, la parte expuesta directamente a elementos lumínicos convergerá rápidamente, además de las partes afectadas por la iluminación global, que lo harán también. Además permite añadir luces de punto.

Las luces de punto consisten en un punto en el espacio infinitamente pequeño el cual emite luz de manera uniforme hacia todos los lados. Sin la implementación de la estimación de evento próximo, estas luces al ser infinitesimalmente pequeñas, jamás serían alcanzadas por los fotones y por lo tanto, nunca se recibiría información de ellas. No solo eso, NEE también permite una mejor convergencia en las luces de menor tamaño, puesto que originalmente, las luces tienen menos probabilidades de ser alcanzadas cuanto menor sea su área.

#### 4.1.3. Muestreo por importancia de BRDF

La función BRDF aporta distintas intensidades lumínicas dependiendo de la dirección entrante y la dirección saliente, así pues sería mucho más óptimo lanzar más rayos a los sitios en los que esta función sea mayor e ignorar aquellos sitios donde no se aporte mucha información al resultado final.

Un ejemplo que ayuda a visualizar este caso son los materiales perfectamente reflectantes, (espejos). Los materiales reflectantes tienen un valor BRDF = 1 para todo rayo entrante simétrico al saliente con la normal como eje de reflexión. Para el resto de direcciones, el valor será 0. Así pues, no tiene sentido emitir rayos aleatorios donde se conozca que el resultado del BRDF será 0.

Otro ejemplo es el muestreo por coseno. La ecuación de renderizado cuenta con un término que pondera radiación obtenida por el modelo BRDF a partir del coseno del ángulo incidente. Por esta razón, tiene sentido emitir de manera proporcional a este término más rayos allá donde el coseno es más grande.

Muestreo por importancia múltiple:

El muestreo por importancia es una herramienta que mejora considerablemente los tiempos de convergencia en determinados escenarios, aunque la verdadera utilidad de estos es elegir el muestreo correcto para cada situación. En 1975 se propone una técnica conocida como MIS (Multiple Importance Sampling). Esta técnica evaluará todas las funciones de muestreo para cada intersección y dará mayor importancia con un escalar a aquellas funciones que proporcionen mayor información de la escena.

(ANADIR TEORÍA AQUÍ)

#### 4.2. Estructuras de aceleración

Pese a que este punto cuenta con un nombre genérico, las estructuras de aceleración en el ámbito del renderizado por trazado de rayos hacen referencia a la interacción específica entre geometrías tridimensionales y los rayos generados por la cámara. La intersección Rayo-Triángulo no es en sí una operación demandante a nivel computacional, pero la mayoría de las escenas suelen contar con complejas geometrías del orden de miles de millones de triángulos.

El enfoque más ingenuo y utilizado hasta el momento en este motor de renderizado consiste en evaluar triángulo a triángulo si intersecciona con el rayo dado. Así pues, se observa que es posible reducir el número de comprobaciones de intersecciones aplicando una jerarquía espacial a los triángulos, que descarte parte de ellos para cada interacción, reduciendo así considerablemente el número de operaciones.

Existen diversas formas de estructurar estas jerarquías. Nombrando las más conocidas: Octrees, k-d tree y BVH. En esta implementación se ha usado BVH puesto que se considera que tiene muy buenos resultados.

BVH es acrónimo de "Bounding Volume Hierarchy", traducido como jerarquía del volumen delimitador y consiste en un árbol binario de profundidad definida en el que cada nodo cuenta con un el prisma rectangular que

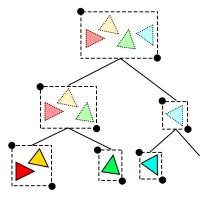


Figura 4.1: División BVH

delimita un conjunto de triángulos (en la práctica este prisma consiste en dos puntos en el espacio). Cada nodo interior tiene dos hijos y cada hijo, el volumen delimitador del subconjunto disjunto de los triángulos del nodo padre. Los nodos hoja cuentan con el volumen delimitador y con una lista de los triángulos.

De esta manera será posible descartar gran parte de los triángulos comprobando los volúmenes por los cuales interseccionan los rayos.

Esta nueva estructura de datos BVH cuenta con dos operaciones fundamentales: La operación de creación build y la operación de recorrido transverse. La operación de creación será necesaria solo una vez al principio de cada renderizado de escena y podrá ser realizada en la CPU para mayor simplicidad. La operación de recorrido sin embargo será ejecutada cada vez que se quiera comprobar la interacción Rayo-Triángulo.

### 4.2.1. Operación de generación de BVH (CPU)

La operación de generación tiene una implementación recursiva buildAux. Basta con generar un árbol binario, calcular los delimitadores bounds de los triángulos en cada nodo, dividir los triángulos de dicho nodo y aplicar la recursión para los dos subconjuntos de triángulos. Para los nodos hoja además se almacenarán los índices from y to de los triángulos que estos contienen.

Los delimitadores son dos puntos que representan el volumen que con-

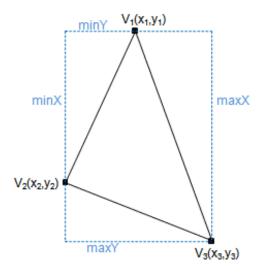


Figura 4.2: Delimitadores

tiene una geometría. El cálculo de estos se hace cogiendo las coordenadas mínimas y máximas. La operación de unión de estos delimitadores se hace aplicando el mismo esquema de coordenadas mínimas y máximas.

Una duda que puede surgir es cómo se almacenan los triángulos de manera eficiente en estos árboles, ya que almacenar tantas listas como nodos hoja hay, es muy ineficiente en términos de memoria. Aquí es donde entran en juego los índices from y to mencionados anteriormente. Se hace uso de una lista de ordenación de triángulos denominada triIndices, la cual contiene índices de los triángulos en la lista original ordenados por nodos. Los nodo hoja tendrán pues dos índices indicando desde qué índice (from) hasta qué índice (to) es necesario leer de manera inclusiva en esta lista para recuperar los triángulos almacenados por dicho nodo.

Una vez definida la función de generación de árboles BVH solo queda decidir cómo se van a particionar los triángulos en cada nodo.

El hecho de como separar los nodos hijos de manera óptima no es una tarea trivial, en esta sección se mostrarán comparativas mostrando como los tiempos de recorrido varían dependiendo del método elegido, además de que algunos métodos tardan más en construirse pero permiten recorridos más rápidos mientras que otros métodos permiten la construcción de árboles en tiempo lineal pero no ofrecen tan buenos resultados a la hora de recorrerlos. Estos últimos son más usados en aplicaciones de tiempo real que requieren construir árboles BVH en milisegundos.

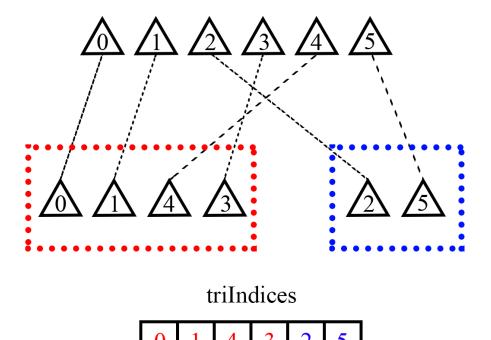


Figura 4.3: triIndices

La aplicación de este trabajo requiere de varios segundos e incluso minutos por cada escena renderizada, por lo que existe la libertad de construir árboles con métodos más lentos que no afectarán tan negativamente al tiempo total de renderizado.

Se han implementado dos métodos distintos para comparar su rendimiento. Uno de ellos es un método ingenuo y el segundo es un método utilizado en producción conocido como división por heurística de superficie (SAH).

Método ingenuo:

Este método no es nada práctico y se usa tan solo de forma comparativa. Consiste en elegir un triángulo al azar A y buscar el triángulo más lejano a él B. Posteriormente, para cada triángulo en la operación de división se calculará la distancia con A y con B. En caso de estar más cerca de A que de B se añadirá al nodo izquierdo y por lo contrario, al nodo derecho.

#### 4.2.2. Operación de recorrido (GPU)

La operación de recorrido implementada se resume en comprob

#### 4.2.3. Selección de parámetros

Habiendo definido los métodos de construcción y recorrido, el siguiente paso es comprobar para qué parámetros de profundidad del árbol y de bining se obtienen los mejores resultados.

Port OneApi

Evaluación

# Anexo

# Bibliografía

- [1] Knuth: Computers and Typesetting, http://www.cse.chalmers.se/edu/year/2011/course/TDA361/2007/rend\_eq.pdf
- [2] Knuth: Computers and Typesetting, https://static1.squarespace.com/static/58586fa5ebbd1a60e7d76d3e/t/593a3afa46c3c4a3
- [3] Knuth: Computers and Typesetting, https://blog.selfshadow.com/publications/s2015-shading-course/burley/s2015\_pbs\_disp
- [4] Knuth: Computers and Typesetting, http://www.cs.jhu.edu/misha/ReadingSeminar/Papers/Veach95.pdf