第二课-张量(Tensor)的设计与实 现



这节课我们将一起学习张量,张量本质上讲就是一个多维数组,用于在 算子之间传递数据,而这需要张量不仅仅只有存放数据的功能,我们还 需要对张量的操纵方法等进行定义。

本文赞助方: datawhale

本文作者: 傅莘莘

特别感谢: 散步

在上一节课中,我们进行了简单的矩阵计算实践;但在深度学习的计算中,我们往往采用的是多种多样的矩阵进行运算,而这些矩阵的集合体通常被称为张量。我们可以试着构思一个张量应该有哪些成分:

思考题

请你在此暂停阅读,写出你自己对张量类设计的思考,需要有那些数据成员和方法(比如一个张量需要被创建,且能够支持形状的获取),并在课程结束后对比自己的设计和本文的设计,看看区别在哪。

对于一个张量类而言,数据将被设计成依次摆放的三维格式,分别是 channels (通道数), rows (行数), cols (列数)。一个张量类主要由以下部分组成:

- 1. 数据本身存储在该类的数据空间中,数据可包括双精度(double)、单精度(float)或整型(int)。
- 2. 为了处理多维张量数据,需要使用 shape 变量来存储张量的维度信息。 例如,对于一个维度为 3 ,长和宽均为 224 的张量,其维度信息可以表示为 (3, 224, 224)。
- 3. 张量类中定义了多个类方法,如返回张量的宽度、高度、填充数据和张量变形 (reshape)等操作。

张量类的设计

为了更好地满足计算密集型任务的需求,一个张量类不仅需要在软件工程的层面上优化对外接口,还需要提供高效的矩阵相乘等算法实现。尤其是对于深度学习推理等任务来说,高效实现这些算法至关重要。

然而,从头设计一个张量类具有较大的编码难度,因此,在本项目中,我们选择在 arma::fcube (三维矩阵)的基础上进行开发。

如下图所示,三维的 arma::fcube 是由多个二维矩阵 matrix (即上一节课中介绍的 arma::fmat)沿通道维度叠加得到。在此基础上,我们的张量类将在叠加而成的三维矩阵 arma::fcube 的基础上提供扩充和封装,以使其更适用于我们的推理框架项目。

1	2	3			
2	3	4			
3	4	5	matrix		
4	5	6	$matrix_1$		
5	6	7			
6	7	8			
1	2	3			
2	3	4			
3	4	5			,
4	5	6	$matrix_2$		– cube
5	6	7			
6	7	8			
1	2	3			
2	3	4			
3	4	5			
4	5	6	matrix _n		
5	6	7			
6	7	8			
				_	

接下来我们可以一起来看看有关 fcube 和张量类(Tensor)的关系,不难看出 data_作为一个 fcube 类提供了**数据管理和维护**的功能。

对于这样的一个Tensor类,我们主要做了以下的两个工作:

- 1. 提供对外的接口,对外接口由 Tensor 类在 fcube 类的基础上进行提供,以供用户更好地访问多维数据。
- 2. 封装矩阵相关的计算功能,这样一来不仅有更友好的数据访问和使用方式,也能有高效的矩阵算法实现。

```
template <>
class Tensor<float> {
  public:
    uint32_t rows() const;
    uint32_t cols() const;
    uint32_t channels() const;
```

```
uint32_t size() const;
void set_data(const arma::fcube& data);
...
...
private:
std::vector<uint32_t> raw_shapes_; // 张量数据的实际尺寸大
小
arma::fcube data_; // 张量数据
};
```

接下来我们可以直观的感受一下 arma::fmat 与 arma::fcube 的区别。我们从前文中可以知道,矩阵类的维度是二维的,具有行宽等属性,以下是一个矩阵类数据分布的图示:

0	7
5	3
1	8
6	4
2	9

以下的每一个矩阵都是4行3列大小的矩阵,即 4 x 3 矩阵。上文提到,一个三维矩阵(arma::fcube)是由多个二维矩阵沿着通道维度叠加而成的。因此,以下的三维矩阵 fcube 的形状为 (3, 4, 3),数据分布如下图所示:

1	5	9
2	6	10
3	7	11
4	8	12
1	5	9
2	6	10
3	7	11
4	8	12
1	5	9
2	6	10
3	7	11
4	8	12

有了张量的形状认知,下一步就是思考如何将数据存入到各式各样的的张量数据之中,不同的存放顺序很可能会对我们的计算过程造成影响。

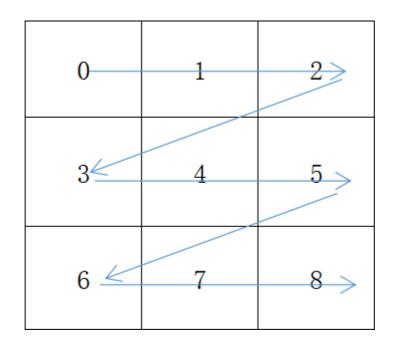
数据的摆放顺序

矩阵存储有两种形式: 行主序和列主序。

行主序

对于一组数据,在矩阵中如果按行摆放,直到该行摆满后再到下一行摆放,并以此类推,这种存储数据的方式被称为行主序(Row-major order)

假如我们现在**有一组数据的值是0到8**,这9个数据在一个行主序的 3 x 3 矩阵中有如下的排布形式,其中箭头指示了内存地址的增长方向。从图中可以看出,内存地址增长的方向先是横向,然后是纵向,呈Z字形。

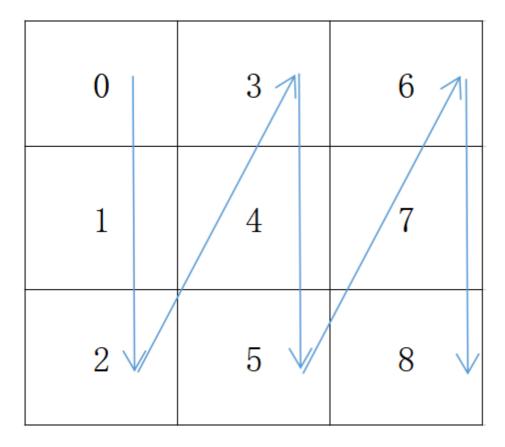


列主序

对于一组数据,在矩阵中如果依次存放顺序是先摆满一列,将剩余的数据 依次存放到下一列,并以此类推,按照这种方式摆放的形式被称为列主序 (Column-major order)。

同理,我们现在有9个数据,依次为0到8,将它摆放到一个列主序 3 x 3 的 矩阵当中,并有如下的形式,其中箭头指示了内存地址的增长方向。

从图中可以看出,内存地址增长的方向先是纵向,然后是横向,呈倒Z字形。在 armadillo 中默认的顺序就是列主序的,而Pytorch张量默认顺序是行主序的,所以我们在程序中需要进行一定适应和调整。



张量类(tensor)方法概述

了解了基础的张量数据格式,接下来便需要思考如何实现一个兼容不同计算需要的张量,需要设计什么方法可以让他更好的被使用。在本节的内容中,我们会对张量类实现的主要方法进行列举和讲解,并会保留几个方法来让同学们亲自动手实现,以此来加深理解的过程。

创建张量

首先,在所有事情开始前,我们需要创建一个张量。在创建张量——这一多维矩阵的过程中,自然而然想到我们需要用一个 raw_shapes 变量来存储 张量的维度,而不同维度将决定了 arma::fcube 的具体结构。我们需要根据输入的维度信息创建相应维度的 arma::fcube ,且创建一个用于存储维度的变量。

- 如果张量是1维的,则 raw_shapes 的长度就等于1;
- 如果张量是2维的,则 raw_shapes 的长度就等于2,以此类推;
- 在创建3维张量时,则 raw_shapes 的长度为3;

值得注意的是,如果当 channel 和 rows 同时等于1时, raw_shapes 的长度也会是1,表示此时 Tensor 是一维的;而当 channel 等于1时, raw_shapes 的长度等于2,表示此时 Tensor 是二维的。

创建1维张量

```
Tensor<float>::Tensor(uint32_t size) {
  data_ = arma::fcube(1, size, 1); // 传入的参数依次是, rows
  cols channels
  this->raw_shapes_ = std::vector<uint32_t>{size};
}
```

创建2维张量

```
Tensor<float>::Tensor(uint32_t rows, uint32_t cols) {
  data_ = arma::fcube(rows, cols, 1); // 传入的参数依次是,
  rows cols channels
  this->raw_shapes_ = std::vector<uint32_t>{rows, cols};
}
```

创建3维张量

```
Tensor<float>::Tensor(uint32_t channels, uint32_t rows,
uint32_t cols) {
 data_ = arma::fcube(rows, cols, channels);
 if (channels == 1 && rows == 1) {
   // 当channel和rows同时等于1时, raw shapes的长度也会是1,表示
此时Tensor是一维的
   this->raw_shapes_ = std::vector<uint32_t>{cols};
 } else if (channels == 1) {
   // 当channel等于1时,raw shapes的长度等于2,表示此时Tensor是
二维的
   this->raw_shapes_ = std::vector<uint32_t>{rows, cols};
 } else {
   // 在创建3维张量时,则raw_shapes的长度为3,表示此时Tensor是三
维的
   this->raw_shapes_ = std::vector<uint32_t>{channels,
rows, cols};
 }
}
```

返回张量的维度信息

```
uint32_t Tensor<float>::rows() const {
   CHECK(!this->data_.empty());
   return this->data_.n_rows;
}

uint32_t Tensor<float>::cols() const {
   CHECK(!this->data_.empty());
   return this->data_.n_cols;
}

uint32_t Tensor<float>::channels() const {
   CHECK(!this->data_.empty());
   return this->data_.n_slices;
}

uint32_t Tensor<float>::size() const {
   CHECK(!this->data_.empty());
   return this->data_.empty());
   return this->data_.empty());
   return this->data_.size();
```

}

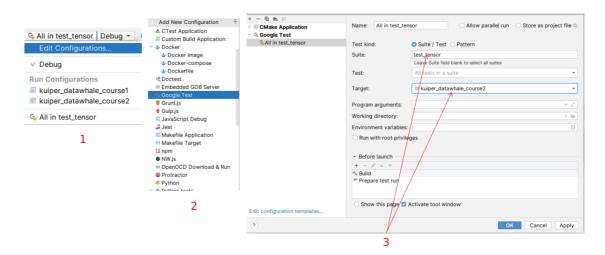
这四个方法分别返回张量的行数(rows)、列数(cols)、维度(channels)以及张量中数据的总数量(size)。假设我们有一个大小为(3 × 3 × 2)的张量数据。

```
Tensor<float> tensor(3,3,2);
tensor.rows(); // 返回3
tensor.cols(); // 返回3
tensor.channels() // 返回2
tensor.size(); // 返回18
```

善用单元测试进行调试

- 1. 在开始之前,记得首先使用 git pull 命令更新本项目(<u>https://github.com/zjhellofss/kuiperdatawhale</u>)的代码,本节课的代码位于 course2 目录中;
- 2. 随后在Clion 中使用 reload cmake project 重新加载项目;如果发生头文件缺失的问题,可以使用 resync with remote hosts 同步头文件。
- 3. 本小节中与单元测试相关的代码存在于 [test_create_tensor.cpp] 文件中。

配置方法如下,具体操作请看视频操作,其中suite中的值来自于下方 代码中的第一个参数。



如果你想要**单独运行某个单元测试**,也可以点击下方图示中的三角形来 启动该操作,具体操作请看视频操作。

```
TEST(test_tensor, tensor_init1D) {
    using namespace kuiper_infer;
    Tensor<float> f1(4);
    f1.Fill(1.f);
    f1.Show();
}
```

Tips: 对于 Tensor 类可以使用 Tensor::Show 接口,对于 arma::fmat 类,可以使用 LOG(INFO)<< fmat1;

思考题

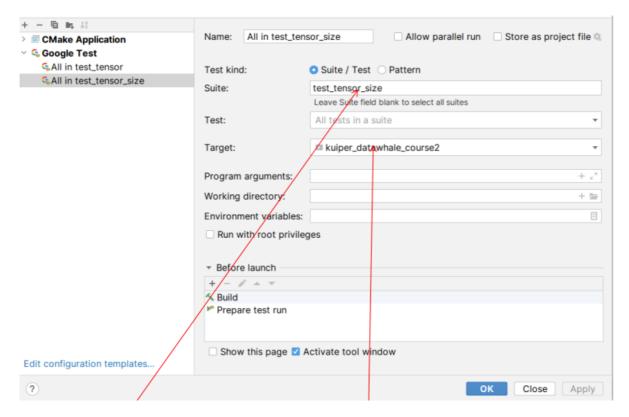
请你运行 test_create_tensor.cpp 中对应的所有单元测试,观察张量创建的情况和不同方法获取的结果。(如果有不认识的方法不用担心,接下来马上会介绍。)

我们强烈建议你调试课件中提及的 所有 单元测试,并仔细观察数据的 逐步变化,更欢迎你自己编写单元测试对其他方法进行熟悉。

单元测试的配置

对应 tensor_get_size.cpp, 配置方法同下,具体操作请看视频,**其中** suite中的值来自于下方代码中的第一个参数。

```
TEST(test_tensor_size, tensor_size1) {
    ...
}
```



尝试完简单的张量创建方法,我们来进一步看看我们需要对张量进行哪些更进一步的操作。

获得张量中的数据

```
const arma::fmat& Tensor<float>::slice(uint32_t channel)
const {
   CHECK_LT(channel, this->channels());
   return this->data_.slice(channel);
}
```

以上方法用于返回 fcube 变量中的第 channel 个矩阵。换句话说,一个 fcube 作为数据的实际存储者,由多个矩阵叠加而成。当我们调用 slice 方法时,它会返回其中的第 channel 个矩阵。

```
float Tensor<float>::at(uint32_t channel, uint32_t row,
uint32_t col) const {
   CHECK_LT(row, this->rows());
   CHECK_LT(col, this->cols());
   CHECK_LT(channel, this->channels());
   return this->data_.at(row, col, channel);
}
```

以上方法用于访问三维张量中第 (channel, row, col) 位置的对应数据。对于以下的 Tensor ,访问 (1, 1, 1) 位置的元素,会得到6。

1	5	9
2	6	10
3	7	11
4	8	12
1	5	9
2	6	10
3	7	11
4	8	12
1	5	9
2	6	10
3	7	11
4	8	12

单元测试

对应 tensor_get_values.cpp ,配置方法和之前的一样,不做赘述,具体请看视频操作。

```
TEST(test_tensor_values, tensor_values1) {
  using namespace kuiper_infer;
  Tensor<float> f1(2, 3, 4);
  f1.Rand();
  f1.Show();

LOG(INFO) << "Data in the first channel: " <<
f1.slice(0); // 返回第一个通道(channel)中的数据
  LOG(INFO) << "Data in the (1,1,1): " << f1.at(1, 1, 1);
// 返回(1,1,1)位置的数据
}
```

张量的填充

```
void Tensor<float>::Fill(const std::vector<float>& values,
bool row major) {
  CHECK(!this->data_.empty());
  const uint32_t total_elems = this->data_.size();
  CHECK_EQ(values.size(), total_elems);
  if (row_major) {
    const uint32 t rows = this->rows();
    const uint32_t cols = this->cols();
    const uint32_t planes = rows * cols;
    const uint32_t channels = this->data_.n_slices;
    for (uint32_t i = 0; i < channels; ++i) {
      auto& channel_data = this->data_.slice(i);
      const arma::fmat& channel data t =
          arma::fmat(values.data() + i * planes, this-
>cols(), this->rows());
      channel_data = channel_data_t.t();
    }
  } else {
    std::copy(values.begin(), values.end(), this-
>data_.memptr());
  }
}
```

如果函数中的 row_major 参数为 true ,则表示按照行优先的顺序填充元素;如果该参数为 false ,则将按照列优先的顺序填充元素。

思考题

请你在 test_fill_reshape.cpp 中找到Fill相关的测试并尝试将其改为列优先填充(欢迎你写出自己的单元测试),随后使用 Tensor::Show 接口方法查看这两种结果的区别。

有了直观感受后,接下来,我们将仔细思考行列主序填充的原理与差别之 处。

行主序

如果我们采用**行主序**方式填充整个张量的数据区域,我们将把一组数据**按** 照行的顺序先填充第一行元素,然后按照顺序依次填充到第二行、第三行等位置。

值得注意的是,**数据组的数量必须与待填充张量中的元素数量相同**,即 values.size() == total_elems。(软件工程的习惯很重要)

```
for (uint32_t i = 0; i < channels; ++i) {
    auto& channel_data = this->data_.slice(i);
    const arma::fmat& channel_data_t =
        arma::fmat(values.data() + i * planes, this-
>cols(), this->rows());
    channel_data = channel_data_t.t();
}
```

```
const arma::fmat& channel_data_t =
arma::fmat(values.data() + i * planes, this->cols(), this-
>rows())
```

它会从 values 数组中拷贝一个通道($planes = rows \times cols$)个数据,并将其存储到 channel_data_t 中。但由于 arma::fmat 默认采用列主序的方式保存数据,因此我们还需要对它进行转置。

举个例子,假设我们从 values 中取得($rows \times cols = 4$) 个数据,排列如下: [1, 2, 3, 4],那么它们放入到 channel_data_t 中,就会得到左边矩阵(因为是列主序的关系)。

接着我们需要对这个矩阵进行转置,得到 channel_data ,以便将它变成了右边正确排布的矩阵。这样就完成了一个通道的数据的存储和转置。

1	3	transnoso	1	2
2	4	transpose	3	4

```
for (uint32_t i = 0; i < channels; ++i)
```

然后再从 values 中再选取 4 个放置到第二个通道的数据中,重复此过程直到 values 中的 12个元素都被放置到张量的存储空间中。第二通道数据填充的具体过程如下:

1	2	1	2	3	4	_ 5	6	7	8
3	4								

列主序

对于列主序,因为 Armadillo 数学库默认的数据存储方式就是**列主序**的, 所以直接将输入数据数组 values 拷贝到张量的存储空间上即可。

对应到代码就是:

```
std::copy(values.begin(), values.end(), this-
>data_.memptr());
```

单元测试

对应 tensor_fill_reshape.cpp ,配置方法和之前的一样,不做赘述,具体请看视频操作。

```
TEST(test_fill_reshape, fill1) {
    /// 行主序的填充方式
    using namespace kuiper_infer;
    Tensor<float> f1(2, 3, 4);
    std::vector<float> values(2 * 3 * 4);
    // 将1到24填充到values中
    for (int i = 0; i < 24; ++i) {
        values.at(i) = float(i + 1);
    }
    f1.Fill(values);
    f1.Show();
}
```

该过程就是将顺序的数据 1...24 以**行主序**填充到一个 (2, 3, 4) 大小的张量中。

对张量中的元素依次处理

```
void Tensor<float>::Transform(const
std::function<float(float)>& filter) {
   CHECK(!this->data_.empty());
   this->data_.transform(filter);
}
```

Transform 方法依次将张量中每个元素进行处理,处理的公式如下:

```
x = function(x)
```

单元测试

我们首先定义一个处理函数,这个处理函数是将值减去1.

```
float MinusOne(float value) { return value - 1.f; }
```

我们将这个处理函数应用于张量中的每一个数据,单元测试定义于 tensor_transform.cpp 中。

```
TEST(test_transform, transform1) {
  using namespace kuiper_infer;
  Tensor<float> f1(2, 3, 4);
  f1.Rand();
  f1.Show();
  f1.Transform(MinusOne);
  f1.Show();
}
```

对张量进行变形

```
std::accumulate(shapes.begin(), shapes.end(), 1,
std::multiplies());
  CHECK(shapes.size() <= 3);</pre>
  CHECK(current_size == origin_size);
  std::vector<float> values;
  if (row_major) {
   values = this->values(true);
  }
  if (shapes.size() == 3) {
    this->data_.reshape(shapes.at(1), shapes.at(2),
shapes.at(0));
    this->raw_shapes_ = {shapes.at(0), shapes.at(1),
shapes.at(2)};
  } else if (shapes.size() == 2) {
    this->data_.reshape(shapes.at(0), shapes.at(1), 1);
    this->raw_shapes_ = {shapes.at(0), shapes.at(1)};
  } else {
    this->data_.reshape(1, shapes.at(0), 1);
   this->raw_shapes_ = {shapes.at(0)};
  }
  if (row_major) {
   this->Fill(values, true);
  }
}
```

reshape 方法用于对张量的维度进行调整,例如张量原先的大小是 (channel1, row1, col1), 再进行 reshape 之后我们将张量的大小调整 为 (channel2, row2, col2). 在调整的过程中,我们需要注意,前后的两组维度要满足以下的关系:

 $channel_1 imes rows_1 imes col_1 = channel_2 imes rows_2 imes col_2$

行主序

同时,我们在 reshape 中提供两种不同模式,第一种是行优先的。

0	1	2	3	4
5	6	7	8	9

上图是 reshape 之前的张量数据分布,其中 reshape 之前的 raw_shape 等于 (2, 5),也就是**该张量的通道数为 1,行数为 2,列数为 5**。

按照**行主序**取出后的 values 数组后,得到数据 0...9 ,可以使用 reshape 函数将张量形状改变为 (5, 2) 。随后使用 Fill 函数**将取出的 值按照行主序**填充到 改变过形状的张量中。具体代码如下所示:

```
std::vector<float> values;
if (row_major) {
 values = this->values(true);
}
...
改变张量的形状,从(2, 5)到(5, 2)
// 填充数据
if (row_major) {
 this->Fill(values, true);
}
```

0	1
2	3
4	5
6	7
8	9

列主序

列摆放的原则则是将元素按照先列后行的次序取出,取出后依次为 (0, 5, 1, 6, 2, 7, 3, 8, 4, 9), 并在取出后按照先列后行的次序摆放到 (5, 2) 的张量中, 分布图例如下;

0	7
5	3
1	8
6	4
2	9

单元测试

对应 tensor_fill_reshape.cpp 中的 reshape1 函数,配置方法和之前的一样,不做赘述,具体请看视频操作。

```
TEST(test_fill_reshape, reshape1) {
    using namespace kuiper_infer;
    Tensor<float> f1(2, 3, 4);
    std::vector<float> values(2 * 3 * 4);
    // 将1到12填充到values中
    for (int i = 0; i < 24; ++i) {
        values.at(i) = float(i + 1);
    }
    f1.Fill(values);
    f1.Show();
    /// 将大小调整为(4, 3, 2)
    f1.Reshape({4, 3, 2}, true);
    f1.Show();
}
```

张量类的辅助函数

判断张量符合是否为空

```
bool Tensor<float>::empty() const { return this-
>data_.empty(); }
```

返回张量数据存储区域的起始地址

```
const float* Tensor<float>::raw_ptr() const {
  CHECK(!this->data_.empty());
  return this->data_.memptr();
}
```

上文说到,张量类中数据存储由三维矩阵类(fcube)负责,所以在raw_ptr的目的就是返回数据存储的起始位置。

返回张量的shape

```
const std::vector<uint32_t>& Tensor<float>::raw_shapes()
const {
   CHECK(!this->raw_shapes_.empty());
   CHECK_LE(this->raw_shapes_.size(), 3);
   CHECK_GE(this->raw_shapes_.size(), 1);
   return this->raw_shapes_;
}
```

返回张量的三维形状 [channels, rows, cols].

- 如果 channels = 1 并且 rows = 1,则 raw_shapes 返回一维形状 [cols], 张量是一个一维张量。
- 如果 channels = 1,则 raw_shapes 返回二维形状 [rows, cols], 张量是一个二维张量。
- 否则表明该 Tensor 就是一个三维张量, raw_shapes 返回三维形状 [channels, rows, cols].

课堂作业

1. 自行编写 Tensor::Flatten 函数,对应测试用例 test_homework.cpp 中的 homework1_flattenx ,这个函数的功能是将多维数据展开为一维,如下图所示:

Ī	1	2	3									
I	4	5	6	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	7	8	9									

2. 自行编写 Tensor:: Padding 函数,这个函数是在多维张量的周围做填充,如下图所示:

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	0
0	1	1	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	0
0	1	1	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

完成作业1,2之后,请自行运行 test_homework.cpp 中的测试用例,如果通过测试用例表明编写的代码正确。