

Лабораторная работа 4.3.7.  
ИЗУЧЕНИЕ ГОЛОГРАММЫ

Фарид Хайдари, Б01-901

28 апреля 2021 г.

# Содержание

<b>1</b>	<b>Теоретические сведения</b>	<b>3</b>
1.1	Определение направления разрешённой плоскости колебаний поляроида . . . . .	3
1.2	Получение эллиптически поляризованного света . . . . .	4
1.3	Анализ эллиптически поляризованного света . . . . .	6
1.4	Пластинка чувствительного оттенка . . . . .	7
1.5	Интерференция поляризованных лучей . . . . .	8
<b>2</b>	<b>Ход работы</b>	<b>9</b>
2.1	Определение разрешённых направлений поляроидов . . . . .	9
2.2	Определение угла Брюстера для эбонита . . . . .	10
2.3	Исследование стопы . . . . .	10
2.4	Определение главных плоскостей двоякопреломляющих пластин . . . . .	11
2.5	Выделение пластин $\lambda/2$ и $\lambda/4$ . . . . .	12
2.6	Определение направлений большей и меньшей скоростей в пластинке $\lambda/4$ . . . . .	12
2.7	Интерференция поляризованных лучей . . . . .	13
2.8	Определение направления вращения светового вектора в эллиптически поляризованной волне . . . . .	13

**Цель работы:** ознакомление с методами получения и анализа поляризованного света.

**В работе используются:** оптическая скамья с осветителем; зеленый светофильтр; два поляроида; черное зеркало; полированная эбонитовая пластинка; стопа стеклянных пластинок; слюдяные пластинки разной толщины; пластинки в  $1/4$  и  $1/2$  длины волны; пластинка в одну длину волны для зеленого света (пластинка чувствительного оттенка)

## 1 Теоретические сведения

### 1.1 Определение направления разрешённой плоскости колебаний поляроида

Определить направление разрешённых колебаний поляроида проще всего с помощью чёрного зеркала.

При падении света на отражающую поверхность под углом Брюстера, свет в отражённом луче почти полностью поляризован, а вектор  $E$  параллелен отражающей поверхности («правило иглки»). Луч света, прошедший поляроид и отразившийся от чёрного зеркала, имеет минимальную интенсивность при выполнении двух условий: во-первых, свет падает на отражающую поверхность под углом Брюстера и, во-вторых, в падающем пучке вектор  $E$  лежит в плоскости падения.

Вращая поляроид вокруг направления луча и чёрное зеркало вокруг оси, перпендикулярной лучу, методом последовательных приближений можно добиться минимальной яркости луча, отражённого от зеркала, и таким образом определить разрешённое направление поляроида.

Измеряя угол поворота зеркала (угол Брюстера), нетрудно определить коэффициент преломления материала, из которого изготовлено зеркало. Описанный метод часто используется для измерения коэффициента преломления непрозрачных диэлектриков.

## 1.2 Получение эллиптически поляризованного света

Эллиптически поляризованный свет можно получить из линейно поляризованного с помощью двоякопреломляющих кристаллических пластинок.

Двоякопреломляющая пластинка имеет два взаимно перпендикулярных главных направления, совпадающих с осями эллипсоида диэлектрической проницаемости. Волны, поляризованные вдоль главных направлений, распространяются в пластинке с разными скоростями, не изменяя характера своей поляризации. Эти волны называются главными. Мы будем обозначать показатели преломления для главных волн через  $n_x$  и  $n_y$ , где  $x$  и  $y$  — главные направления кристаллической пластинки (рис. 1).

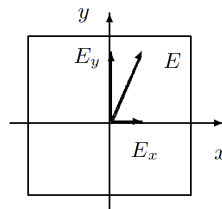


Рис. 1.1: Разложение линейно поляризованного света по главным направлениям двоякопреломляющей пластинки

Пусть на пластинку падает линейно поляризованная волна, электрический вектор которой ориентирован под некоторым углом  $\alpha$  к оси  $x$ . Разложим вектор  $\mathbf{E}$  на составляющие  $E_x$  и  $E_y$ . На входе пластинки  $E_x$  и  $E_y$  находятся в фазе. На выходе из-за разности скоростей между ними появляется разность хода  $d(n_x - n_y)$ , при этом сдвиг фаз определяется соотношением

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda} d(n_x - n_y) \quad (1)$$

Как уже отмечалось, при сложении двух взаимно перпендикулярных колебаний, обладающих некоторым сдвигом фаз, образуется колебание, поляризованное по эллипсу.

Рассмотрим практически важные частные случаи.

1. Пластинка даёт сдвиг фаз  $2\pi$  (пластинка в длину волны  $\lambda$ ). В результате сложения волн на выходе пластинки образуется линейно поляризованная волна с тем же направлением колебаний, что и в падающей волне.

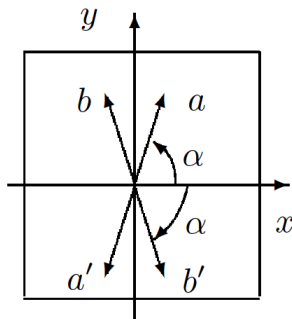


Рис. 1.2: Поворот направления колебаний с помощью пластинки в  $\lambda/2$

2. Пластинка даёт сдвиг фаз  $\pi$  (пластинка в полдлины волны  $\lambda/2$ ). На выходе пластинки снова образуется линейно поляризованная волна. Направление  $bb'$  колебаний этой волны повернуто относительно направления  $aa'$  колебаний падающей волны (рис. 2). Как нетрудно сообразить, направление  $bb'$  является зеркальным отображением направления  $aa'$  относительно одного из главных направлений пластинки. Такую пластинку используют для поворота направления колебаний линейно поляризованного света.
3. Пластинка создаёт между колебаниями сдвиг фаз  $\pi/2$  (пластинка в четверть длины волны). При сложении двух взаимно перпендикулярных колебаний, имеющих разность фаз  $\pi/2$ , образуется эллипс, главные оси которого совпадают с координатными осями  $x$  и  $y$ . При равенстве амплитуд возникает круговая поляризация.

Следует отметить, что, говоря о пластинках  $\lambda$ ,  $\lambda/2$ ,  $\lambda/4$  и т. д., всегда подразумевают какую-либо вполне определённую монохроматическую компоненту (например, пластинка  $\lambda/2$  для зелёного света). Если на двоякопреломляющую пластинку падает не монохроматический свет, то на выходе из неё для разных спектральных компонент эллипсы поляризации будут различными.

### 1.3 Анализ эллиптически поляризованного света

Анализ эллиптически поляризованного света сводится к нахождению главных осей эллипса поляризации и к определению направления вращения электрического вектора.

Главные оси эллипса поляризации определяются с помощью анализатора по максимуму и минимуму интенсивности проходящего света. Направление вращения электрического вектора может быть найдено с помощью пластинки в четверть длины волны, для которой известно, какая из главных волн,  $E_x$  или  $E_y$ , имеет бóльшую скорость распространения (и соответственно меньшее значение показателя преломления).

Выберем для определённости координатные оси  $x$  и  $y$  на пластинке так, чтобы  $n_x < n_y$ . В этом случае главная волна  $E_x$  имеет большую скорость распространения. Поместим такую пластинку на пути эллиптически поляризованного света и совместим главные направления пластинки  $\lambda/4$  с главными осями эллипса поляризации. На выходе из этой пластинки сдвиг фаз между  $E_x$  и  $E_y$  вместо  $\pi/2$  станет равным нулю или  $\pi$ . Свет окажется линейно поляризованным. Из двух возможных значений сдвига фаз, 0 или  $\pi$ , реализуется одно: то, которое соответствует имеющемуся в волне направлению вращения электрического вектора.

Рассмотрим, например, случай, когда электрический вектор в эллиптически поляризованной волне вращается против часовой стрелки, если смотреть навстречу лучу. В этом случае, очевидно, в волне, падающей на пластинку в  $\lambda/4$ , колебание  $E_y$  отстаёт по фазе на  $\pi/2$  от колебания  $E_x$ . При прохождении через пластинку разность фаз увеличивается до  $\pi$ . Таким образом на выходе из пластинки возникают линейно поляризованные волны со сдвигом фаз  $\pi$ . Сложение этих волн даёт плоскополяризованную волну, электрический вектор которой располагается во втором и четвёртом квадрантах координатной системы  $x, y$ .

Рассуждая аналогичным образом, найдём, что при вращении электрического вектора по часовой стрелке направление колебаний в линейно поляризованной волне, выходящей из пластинки, располагается в первом и третьем квадрантах. Определяя направление колебаний на выходе из пластинки с помощью поляроида, можно, таким

образом, определить характер эллиптической поляризации (вращение против или по часовой стрелке).

## 1.4 Пластинка чувствительного оттенка

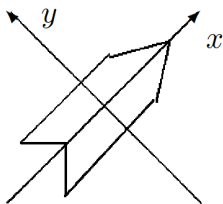


Рис. 1.3: Пластинка чувствительного оттенка

Выше предполагалось известным, какому из двух главных направлений пластинки в четверть длины волны соответствует большая скорость распространения света. Установить это можно различными способами, например с помощью пластинки чувствительного оттенка (так называют пластинку в  $\lambda$  для зелёной спектральной компоненты,  $\lambda = 560$  нм).

Пластинка имеет форму стрелы (рис. 3), вдоль оси которой расположено главное направление, соответствующее большей скорости распространения.

Если пластинка чувствительного оттенка помещена между скрещенными поляроидами и главные направления пластинки не параллельны направлениям разрешённых колебаний поляроидов, то при освещении белым светом пластинка кажется окрашенной в лилово-красный цвет. Это объясняется тем, что зелёная компонента линейно поляризованного света при прохождении пластинки не меняет поляризации и задерживается вторым поляроидом. Для красной и фиолетовой компонент пластина создаёт сдвиг фаз, несколько отличный от  $2\pi$ . На выходе из пластинки красная и фиолетовая компоненты оказываются поэтому эллиптически поляризованными и частично проходят через второй поляроид. Таким образом, в известном смысле наблюдаемый в указанном опыте цвет пластинки дополнителен к зелёному.

Если между скрещенными поляроидами поместить пластинку чувствительного оттенка ( $\lambda$ ) и пластинку в  $\lambda/4$  так, чтобы их главные направления совпадали, цвет пластинки изменится. Если у пластинки чувствительного оттенка и пластинки в  $\lambda/4$  совпадут главные направления, соответствующие большей скорости распространения, то разность хода между  $E_x$  и  $E_y$  для зелёного света составит уже  $5\lambda/4$ . Это соответствует разности хода в  $\lambda$  для света с большей длиной волны, т.

е. для «более красного» света. При освещении этих пластинок (напомним, что они расположены между скрещенными поляроидами) белым светом теперь погасится не зелёная, а красная часть спектра, и проходящий свет будет казаться зеленовато-голубым. Если же главные направления, соответствующие большей скорости распространения, у пластинки чувствительного оттенка и у пластинки в  $\lambda/4$  окажутся перпендикулярными, то проходящий свет приобретёт оранжево-желтую окраску (погасится фиолетово-голубая часть спектра).

Изменение цвета позволяет, таким образом, определить, какое из главных направлений пластинки в  $\lambda/4$  соответствует большей скорости распространения.

## 1.5 Интерференция поляризованных лучей

Тонкие двоякопреломляющие пластинки, помещённые между поляроидами, кажутся окрашенными. Эта окраска может быть истолкована как результат интерференции поляризованных лучей. На рис. 4 представлена схема для случая скрещенных поляроидов.

Здесь  $p_1 p'_1$  — разрешённое направление колебаний поляризатора (первого поляроида);  $x, y$  — координатная система, связанная с главными направлениями двоякопреломляющей пластинки;  $p_2 p'_2$  — разрешённое направление колебаний анализатора (второго поляроида). Волны  $E_x$  и  $E_y$

на выходе из пластинки когерентны, но не могут интерферировать, так как  $E_x \perp E_y$ . Волны  $E_1$  и  $E_2$  на выходе второго поляроида также являются когерентными и к тому же поляризованы в одной плоскости. Эти волны интерферируют между собой. Результат интерференции определяется зависящим от длины волны сдвигом фаз между  $E_1$  и  $E_2$ . В результате интерференции поляризованных лучей пластинка, освещаемая белым светом, кажется окрашенной.

Если поворачивать двоякопреломляющую пластинку, расположенную между скрещенными поляроидами, то соотношение амплитуд

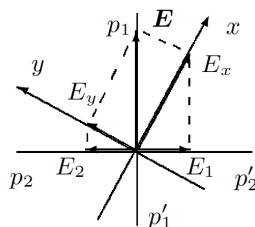


Рис. 1.4: К объяснению интерференции поляризованных лучей



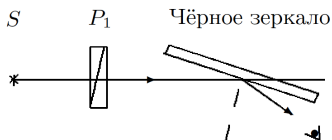
волн  $E_1$  и  $E_2$  и разность фаз между ними не изменяются. Это означает, что цвет пластинки при её поворотах не меняется, а меняется только интенсивность света. За один оборот пластинки интенсивность четыре раза обращается в нуль — это происходит при совпадении главных направлений  $x$  и  $y$  с разрешёнными направлениями колебаний поляроидов.

Если же двоякопреломляющую пластинку оставить неподвижной, а второй поляроид повернуть так, чтобы разрешённые направления  $p_1p'_1$  и  $p_2p'_2$  совпали, то волны  $E_1$  и  $E_2$  приобретают дополнительный фазовый сдвиг на  $\pi$  для всех спектральных компонент; при этом их амплитуды изменятся так, что цвет пластинки изменится на дополнительный.

## 2 Ход работы

### 2.1 Определение разрешённых направлений поляроидов

1. Разместим на оптической скамье осветитель  $S$ , поляроид  $P_1$  и чёрное зеркало так, чтобы плоскость падения была горизонтальна. Свет, отражённый от зеркала, рассматриваем сбоку, расположив глаз таким образом, чтобы вблизи оси вращения зеркала можно было увидеть изображение диафрагмы осветителя. Поворачивая поляроид вокруг направления луча, добьёмся наименьшей яркости отражённого пятна. Оставим поляроид в этом положении и вращением зеркала вокруг вертикальной оси снова добьёмся минимальной интенсивности отражённого луча.



Для первого поляроида разрешённое направление горизонталь-

ное, на лимбе  $336^\circ$

2. Вместо чёрного зеркала поставим второй поляроид. Скрестим их, определим разрешённое направление второго поляроида - горизонтальная волна, на лимбе  $40^\circ$

## 2.2 Определение угла Брюстера для эбонита

1. Поставим на скамью вместо чёрного зеркала эбонитовую пластину с круговой шкалой.
2. Повернем эбонитовое зеркало вокруг вертикальной оси так, чтобы его плоскость была перпендикулярна лучу, и попытаемся совместить отражённое от эбонита пятно с отверстием осветителя.
3. Установим направление разрешённых колебаний поляроида P1 горизонтально и найдем угол поворота эбонита  $\varphi_b$ , при котором интенсивность отражённого луча минимальна: его абсолютное значение равно  $(304 \pm 2)^\circ$
4. Повторим измерения, добавив светофильтр Ф, и сравним результаты - они получились одинаковыми
5. По углу Брюстера рассчитайте показатель преломления эбонита и сравните с табличным.

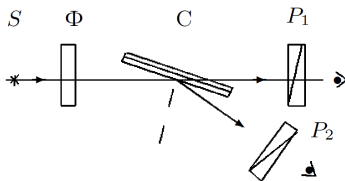
$$n = \operatorname{tg} \varphi = \operatorname{tg}(360 - 304)^\circ = 1.4825$$

$$n = (1.5 \pm 0.1)$$

Табличное значение показателя преломления эбонита  $n = 1.6 - 1.7$

## 2.3 Исследование стопы

Поставим стопу стеклянных пластинок вместо эбонитового зеркала и подберем для неё такое положение, при котором свет падает на стопу под углом Брюстера. Осветим стопу неполяризованным светом



(снимите поляризатор с оптической скамьи) и, рассматривая через поляроиды свет, отражённый от стопы, определим ориентацию вектора  $\mathbf{E}$  в отражённом луче; затем определим характер поляризации света в преломлённом луче.

Наблюдая прошедший через стопу стеклянных пластинок луч света, убеждаемся, в том что плоскости поляризации у отраженного и преломленного лучей взаимно перпендикулярны: Угол на лимбе  $P_1 = 328^\circ$ ,  $P_2 = 235^\circ$ . Преломленные лучи горизонтальные, отраженные – вертикальные. Установили, что лучи имеют правый круговой тип поляризации.

## 2.4 Определение главных плоскостей двоякопреломляющих пластин

Поставим кристаллическую пластинку между скрещенными поляроидами  $P_1$  и  $P_2$ . Вращая пластинку вокруг направления луча и наблюдая за интенсивностью света, проходящего сквозь второй поляризатор, определяем, при каком условии главные направления пластинки совпадают с разрешёнными направлениями поляроидов. Повторяем опыт для второй пластинки.

Пластина 1	Пластина 2
$\min : 62^\circ, 152^\circ$	$\min : 18^\circ, 109^\circ$
$\max : 106^\circ, 202^\circ$	$\max : 70^\circ, 160^\circ$

Минимумы и максимумы интенсивности чередуются через  $45^\circ$ , главные плоскости пластин совпадают с разрешёнными направлениями поляроидов при максимальной интенсивности

## 2.5 Выделение пластин $\lambda/2$ и $\lambda/4$

Добавим к схеме зелёный фильтр; установим разрешённое направление поляроида горизонтально, а главные направления исследуемой пластинки — под углом  $45^\circ$  к горизонтали.

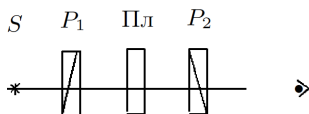
Пластина  $\lambda/2$  не меняет характер поляризации, при её повороте *меняется интенсивность*, а поляризация остаётся линейной.

Пластина  $\lambda/4$  создаёт сдвиг фаз  $\pi/2$  между колебаниями - эллиптическая поляризация. Эта пластинка *не меняет интенсивность* при повороте.

## 2.6 Определение направлений большей и меньшей скоростей в пластинке $\lambda/4$

1. Поставим между скрещенными поляроидами пластинку чувствительного оттенка ( $\lambda$  для зелёного света), имеющую вид стрелки. Световой вектор, ориентированный вдоль направления стрелки, проходит с большей скоростью, перпендикулярный — с меньшей.

Установим разрешённое направление первого поляроида горизонтально и убедимся с помощью второго поляроида, что эта пластинка не меняет поляризацию зелёного света в условиях предыдущего опыта.



2. Уберем зелёный фильтр и поставим между скрещенными поляроидами пластинку  $\lambda$  (стрелка под углом  $45^\circ$  к разрешённым направлениям поляроидов). Глядя сквозь второй поляриод на стрелку, убедимся, что она имеет пурпурный цвет - проходят красная и синяя компоненты.
3. . Добавим к схеме пластинку  $\lambda/4$ , главные направления которой совпадают с главными направлениями пластины  $\lambda$  и ориентиро-

ваны под углом  $45^\circ$  к разрешённым направлениям скрещенных поляроидов

4. Теперь уберём пластину чувствительного оттенка. После второго поляроида интенсивность минимальная - значит, быстрая ось пластинки направлена горизонтально, направление вращения правое, направление колебаний в первом и третьем квадрантах (разность фаз  $\pi/4$ ).

При повороте рейтера со стрелкой на  $180^\circ$  вокруг вертикальной оси цвет стрелки меняется от зелёно-голубого до оранжево-жёлтого.

## 2.7 Интерференция поляризованных лучей

Расположим между скрещенными поляроидами мозаичную слоюдную пластинку. Она собрана из 4-х узких полосок слюды, лежащих по сторонам квадрата (две полоски «толщиной»  $\lambda/4$  и по одной —  $\lambda/2$  и  $3\lambda/4$ ).

Вращаем пластинку: изменяется интенсивность света с периодичностью  $\pi/4$

Вращаем второй поляроид: изменяется (инверсируется) цвет пластинок также с периодичностью  $\pi/4$ . Расшифровка пластинки по длинам волн:

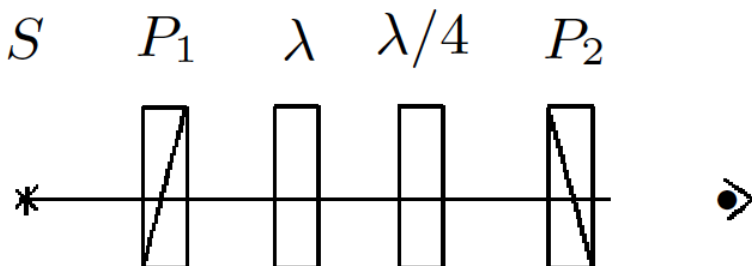
Таблица 1: Результаты наблюдения цвета ячеек

$3\lambda/4$ зелёный	$\lambda/2$ пурпурный	$3\lambda/4$ зелёный
$\lambda/4$ красный	-	$\lambda/4$ красный
$\lambda$ жёлтый	$3\lambda/4$ синий	$\lambda$ жёлтый

## 2.8 Определение направления вращения светового вектора в эллиптически поляризованной волне

1. Нарисуем эллипс поляризации для вектора **E**, вышедшего из пластинки, оси X соответствует большая скорость и вышедшие из

пластинки синусоиды со сдвигом фаз в  $0.25T$ .



2. Снова поставим зелёный фильтр, а за ним между скрещенными поляроидами  $\lambda/4$ .
3. Получим эллиптически-поляризованный свет. Для этого установим разрешённое направление первого поляроида под углом  $10 - 20^\circ$  к горизонтали так, чтобы вектор  $\mathbf{E}$  падающего на пластинку света был расположен в первом квадранте. Установим разрешённое направление второго поляроида вертикально и, вращая пластинку, найдем минимальную интенсивность света, прошедшего второй поляридом. Вращая второй поляридом, убедитесь, что свет поляризован эллиптически, а не линейно. Таким образом, получим эллипс поляризации с вертикально ориентированной малой осью.
4. Для определения направления вращения светового вектора в эллипсе установим между поляроидами дополнительную пластинку  $\lambda/4$  с известными направлениями «быстрой» и «медленной» осей, ориентированными по осям эллипса поляризации анализируемого света. В этом случае вектор  $\mathbf{E}$  на выходе будет таким, как если бы свет прошёл две пластинки  $\lambda/4$ : свет на выходе из второй пластинки будет линейно поляризован. Если пластинки поодиночке дают эллипсы, вращающиеся в разные стороны, то поставленные друг за другом, они скомпенсируют разность фаз,

и вектор **E** на выходе останется в первом и третьем квадрантах. Если же световой вектор перешёл в смежные квадранты, значит, эллипсы вращаются в одну сторону.

После второго поляроида интенсивность света максимальна. Значит, две пластины усиливают друг друга, световой вектор перешёл в смежные квадранты, эллипсы вращаются в одну сторону.