Лабораторная работа 4.3.1. ИЗУЧЕНИЕ ДИФРАКЦИИ СВЕТА

Державин Андрей, Б01-901 8 марта 2021 г.

Содержание

метрической оптики расстояние l между изображениями щелей в плоскости П равно

$$l = \varphi f_2 = d \cdot \frac{f_2}{f_1},$$
 (12)

а ширина $\Delta \phi$ каждого изображения определяется дифракцией света на щели S_2 . Когда полуширина дифракционного изображения превышает расстояние между изображениями, то по виду дифракционной картины трудно определить, представляет собой источник двойную или одиночную щель. Предельные условия, при которых ещёможно различить, имеем мы дело с одной или двумя щелями, для разных наблюдателей различны.

Для того чтобы исключить связанный с этим произвол, пользуются обычно критерием Рэлея, который приблизительно соответствует возможностям визуального наблюдения: изображения считаются различимыми, когда максимум одного дифракционного пятна совпадает с минимумом другого, а в условиях нашей задачи — когда угловая полуширина дифракционного изображения λ/D_0 совпадает с угловым расстоянием $\phi = L/f_2$ между изображения-ми отдельных щелей (рис. 8):

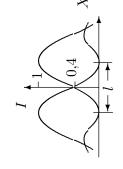


Рис. 8: Критерий разрешения по Рэлею

 $=\frac{1}{f_2} = \frac{d}{f_1} \tag{13}$

5 Ход работы

Цель работы: исследовать явления дифракции Френеля и Фраунгофера на щели, изучить влияние дифракции на разрешающую способность оптических инструментовю.

В работе используются: оптическая скамья, ртутная лампа, монохроматор, щели с регулируемой шириной, рамка с вертикальной нитью, двойная щель, микроскоп на поперечных салазках с микрометрическим винтом, зрительная труба.

1 Дифракция Френеля

Схема установки для наблюдения дифракции Френеля представле на на рис. 1. Световые лучи освещают щель S_2 и испытывают на ней дифракцию. Дифракционная картина рассматривается с помощью микроскопа М, сфокусированного на некоторую плоскость наблюдения П.

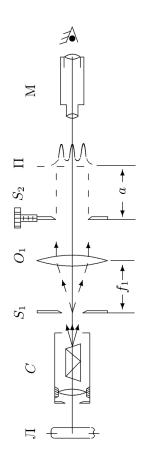


Рис. 1: Схема установки для наблюдения дифракции Френеля

Щель S_2 освещается параллельным пучком монохроматического света с помощью коллиматора, образованного объективом O_1 и щелью S_1 , находящейся в его фокусе. На щель S_1 сфокусировано изображение спектральной линии, выделенной из спектра ртутной лампы Λ при помощи простого монохроматора C, в котором используется призма прямого зрения.

Распределение интенсивности света в плоскости наблюдения П проще всего рассчитывать с помощью зон Френеля (для щели их инотда называют зонами Шустера). При освещении щели S₂ параллельным пучком лучей (плоская волна) зоны Френеля представляют собой полоски, параллельные краям щели (рис. 2). Результирующая амплитуда в точке наблюдения определяется суперпозицией колебаний от

က

зон Френеля zm определяется соотношением щью векторной диаграммы – спирали Корню. Суммарная ширина т ское определение результирующей амплитуды производится с помотех зон Френеля, которые не перекрыты створками щели. Графиче-

$$z_{m} = \sqrt{am\lambda} \tag{1}$$

длина волны где а — расстояние от щели до плоскости наблюдения (рис. 1), а λ —

лом Френеля Ф: квадрат числа Френеля Вид наблюдаемой дифракционной картины определяется чис-

$$\Phi^2 = \frac{D}{\sqrt{a\lambda}}$$

т.е. число зон Френеля, которые укладываются на ширине щели. Обратную величину называют волновым параметром это отношение ширины щели D к размеру первой зоны Френеля,

$$p = \frac{1}{\Phi^2} = \frac{D}{\sqrt{a\lambda}}$$

у краёв экрана ли укладывается огромное число зон), совпадает с плоскостью щели: при $\Phi
ightarrow$ ствует, когда плоскость наблюдения П узкой области на границе света и тени на в этом случае наблюдается только в мощью законов геометрической оптики щелью также можно получить с пораспределение интенсивности света за ли, когда число Френеля $\Phi \gg 1$ (на щетикой. При небольшом удалении от ще-∞ мы имеем дело с геометрической оп-(приближённо). Дифракционная карти-Дифракционная картина отсут-

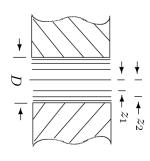


Рис. 2: Зоны Френеля в плоскости щели

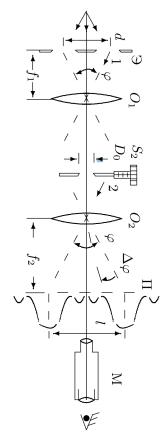
лении от щели (или изменении ширины щели S_2) эти две группы ди-При последующем небольшом уда-

на краю экрана может быть найдено с помощью спирали Корню. на краю экрана. Распределение интенсивности при дифракции света друга. Каждая из этих групп образует картину дифракции Френеля фракционных полос перемещаются практически независимо друг от

сближаются и, наконец, при $\Phi\gtrsim 1$ накладываются друг на друга ширины щели S_2) обе системы дифракционных полос постепенно При дальнейшем увеличении расстояния а (или уменьшении

собность оптического инструмента Влияние дифракции на разрешающую спо-

которые ещё воспринимаются как раздельные. мальное угловое расстояние φ_{\min} между объектами (источниками). чественной характеристикой этих искажений мо жет служить мини- S_2 . Чем меньше ширина D_0 этой щели, тем сильнее искажение. Ка-S₂, то изображение объект а будет искажено дифракцией на щели микроскоп составляют зрительную трубу, наведённую на этот предобъектив $O_1)$ является моделью далёкого предмета, а объектив O_2 и получения изображения предмета. При этом коллиматор (щель S_1 и но рассматривать как оптический инструмент, предназначенный для рассматривается в микроскоп . Таким образом, нашу установку мож- S_2 создают в плоскости Π изображение щели S_1 , и это изображение ментов. Как уже было выяснено, линзы O_1 и O_2 в отсутствие щели яние дифракции на разрешающую способность оптических инструмет. Если перед объективом O_2 зрительной трубы расположить щель Установка, представленная на рис. 6, позволяет исследовать вли-



оптического инструмента Рис. 7: Схема установки для исследования разрешающей способности

дать два параллельных пучка света, составляющих между собой угол стояние между которыми равно d рис. 7. Тогда на щель S_2 будут па- ϕ , равный (для малых углов Поместим вместо щели S_1 экран с двумя узкими щелями, рас-

$$\varphi = \frac{d}{f_1}.\tag{11}$$

деляют положения изображений двойной щели. Согласно законам гео-Параллельные лучи 1 и 2, проходящие через центры линз, опре-

 O_2 , синфазны). Светлая интерференционная полоса наблюдается и во всех тех случаях, когда указанная разность хода равна целому числу длин волн. Таким образом, угловая координата $\theta_{\rm m}$ интерференционного максимума m-го порядка определяется соотношением

$$d\cdot\theta_m=m\lambda, \hspace{1.5cm} (7)$$

где d — расстояние между щелями. Линейное расстояние δx между соседними интерференционными полосами в плоскости П равно поэтому

$$\delta x = f_2 \frac{\lambda}{d}. \tag{8}$$

На рис. 6 показано распределение интенсивности в фокальной плоскости объектива O_2 . Штриховой линией (в увеличенном масштабе) изображено распределение интенсивности при дифракции света на одиночной щели. Нетрудно оценить число и интерференционных полос, укладывающихся в области центрального дифракционного максимума. Согласно (2) полная ширина главного максимума равна $2f_2\lambda/D$ где D — ширина щели, отсюда

$$n = \frac{2\lambda f_2}{D} \frac{1}{\delta x} = \frac{2d}{D}.$$
 (9)

При дифракции света на двух щелях чёткая система интерференционных полос наблюдается только при достаточно узкой ширине входной щели S. При увеличении её ширины интерференционная картина периодически пропадает и появляется вновь, но полосы при этом оказываются сильно размытыми и видны плохо. Это явление объясняется наложением интерференционных картин от разных элементов широкой щели S. Первое размытие интерференционных полос возникает при условии

$$\frac{b}{f_1} = \frac{\lambda}{d}.\tag{10}$$

Здесь b — ширина входной щели S и, следовательно, b/f_1 — её угловая ширина. Таким образом, по размытию интерференционной картины можно оценить размер источника. Этот метод используется в звёздном интерферометре при измерении угловых размеров звёзд.

Распределение интенсивности в плоскости наблюдения в этом случае определяется числом зон Френеля, укладывающихся на полуширине щели. Если это число равно \mathfrak{m} , то в поле зрения наблюдается $\mathfrak{n}=\mathfrak{m}-1$ тёмных полос. Таким образом, по виду дифракционной картины можно оценить число зон Френеля на полуширине щели.

2 Дифракция Фраунгофера на щели

Картина дифракции резко упрощается, когда ширина щели становится значительно меньше ширины первой зоны Френеля, т.е. если

$$D \gg \sqrt{\alpha \lambda} \text{ and } \Phi \gg 1 \tag{2}$$

Это условие всегда выполняется при достаточно большом расстоянии а от щели до плоскости наблюдения. Дифракционную картину, наблюдаемую в этом случае, принято называть дифракцией Фраунгофера. Исследование такой дифракционной картины заметно облегчается, потому что упрощаются фазовые соотношения. Это поясняет рис. З. При выполнении условия (2) разность хода между крайними лучами, приходящими от щели в точку наблюдения Р , с хорошим приближением можно вычислять по формуле

$$\delta = r_2 - r_1 \approx D \sin \Theta \approx D \cdot \Theta \tag{3}$$

Здесь предполагается, что дифракционный угол Θ достаточно мал, так что $\sin\Theta\approx\Theta$. Формула (2) справедлива при условии $\delta\ll\lambda/2$. Можно показать, что это условие эквивалентно условию (2)

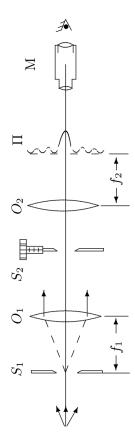


Рис. 3: Схема установки для наблюдения дифракции Фраунгофера на тели

добавляется объектив O_2 (рис. 3). блюдения дифракции Фраунгофера к схеме, изображённой на рис. 1 см. Поскольку работать с такими тонкими щелями неудобно, для налях. Например, при $a \approx 20-40$ см и $\lambda \approx 5 \cdot 10^{-5}$ см получаем $D \ll 0.3$ новки дифракция Фраунгофера возникает только при очень узких щеной и той же установке (рис. 1). Однако при обычных размерах уста-Дифракцию Френеля и Фраунгофера можно наблюдать на од-

🖯 соответствует в этой плоскости точка, объектива О2. Каждому значению угла отстоящая от оптической оси на расстодается здесь в фокальной плоскости Дифракционная картина наблю-

$$X = f_2 \operatorname{tg} \Theta \approx f_2 \Theta$$
 (4)

ду интерферирующими лучами (таутополнительной разности хода щели меж-Поскольку объектив не вносит до-

тёмная полоса) соответствует, очевидно нулю, в центре поля зрения наблюдаполосы. Для малых углов угловую координату $\Theta_{\mathfrak{m}}$ любой тёмной логичным образом, можно определить значения от нуля до 2π. Рассуждая анаразность хода пробегает все возможные Θ_1 , при котором в точке наблюдения такому значению дифракционного угла лая полоса). Первый минимум (первая ется дифракционный максимум (светхода между любой парой лучей равна Поскольку при $\Theta=\emptyset$ разность

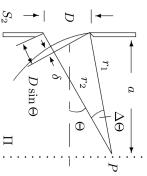
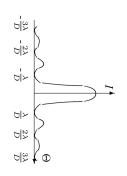


Рис. 4: К фазовым соотн

унгофера представлено на рис. 4. хронизм), в его фокальной плоскости при дифр. Фраунгофера дения. Распределение интенсивности в дифракционной картине Фра-Эта картина соответствует бесконечно удалённой плоскости наблюнаблюдается неискажённая дифракционная картина Фраунгофера



плоскости щели Рис. 5: Зоны Френеля

пропорционально фокусному расстоянию f_2 . Из (2) и (2) следует Расстояние X_{m} тёмной полосы от оптической оси объектива O_2

$$X_m = f_2 \cdot m \frac{\lambda}{D}$$

6

а расстояния ΔX между минимумами обратно пропорциональны ширине D щели S₂. Из (2) видно, что при малых углах минимумы эквидистантны,

Дифракция Фраунгофера на двух щелях

друга. Если входная щель достаточно узка, то дифракционная картидифракционной картины вместо входной щели S₁следует поставить 6. При этом для оценки влияния ширины входной щели на чёткость новке рис. 3 следует заменить щель S_2 экраном с двумя щелями рис. позицией световых волн, приходящих в плоскость наблюдения через дополнительных узких полос. Наличие этих полос объясняется суперна одной щели рис. 3, однако теперь вся картина испещрена рядом на в плоскости II рис. 6 подобна той, что получалась при дифракции рез левую, а другое — через правую щели, накладываются друг на входной щели, одно из которых образовано лучами, прошедшими че щель с микрометрическим винтом. Два дифракционных изображения разные щели Для наблюдения дифракции Фраунгофера на двух щелях в уста

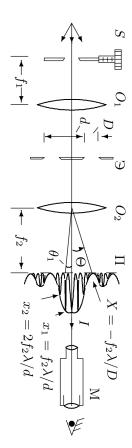


Рис. 6: Схема установки для наблюдения дифракции Фраунгофера на двух щелях

располагается светлая полоса, так как при $\theta=0$ разность хода между этими волнами равна нулю (все лучи, приходящие в фокус объектива экрана Э. В центре главного дифракционного максимума рис. 6

 $m\lambda = D \cdot \Theta$

5