

16

Queues:

佇列 = 排隊

[E.g]

- ① 先進先出服務 (汽車、6A表格)

ADT queue operations:

- ① creat an empty queue (建構)
- ② Destroy a queue (解構)
- ③ Determine whether a queue is empty (是否為空)
- ④ ADD a new item to the queue (新增)
- ⑤ Remove the item that was added earliest (移除)
- ⑥ Retrieve the item that was added earliest (擷取)

[E.g]

- a. create Queue() (建構)  
 a. enqueue(5) (新增)  
 a. enqueue(2) "  
 " (7) "  
 a. get Front (queueFront) (擷取)  
 a. dequeue (queueFront) (移除)  
 a. dequeue (queueFront) "

Queue

5  
 5 2  
 5 2 7  
 5 2 7 (q.F is 5)  
 2 7 (q.F is 5)  
 7 (q.F is 2)

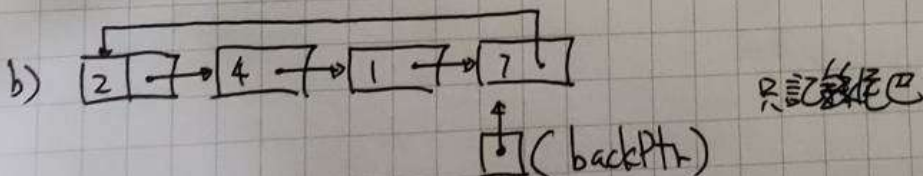
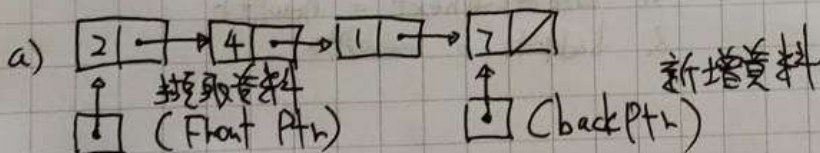
- A linear linked list with two external references (線性)

- A reference to the front → dequeue 前端

- A reference to the back → enqueue 後端

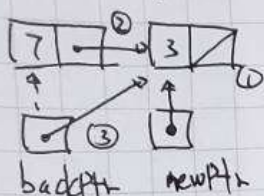
- A circular linked list with one external reference (環狀)

- only a reference to the back 只有後端



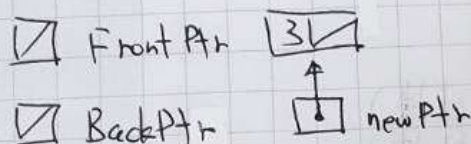


## 新增 enqueue

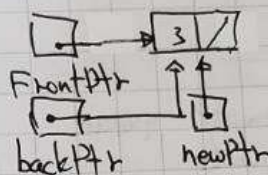


1.  $\text{newPtr} \rightarrow \text{next} = \text{Null}$ ;
2.  $\text{backPtr} \rightarrow \text{next} = \text{newPtr}$ ;
3.  $\text{backPtr} = \text{newPtr}$ ;

(a) - 開始是空的

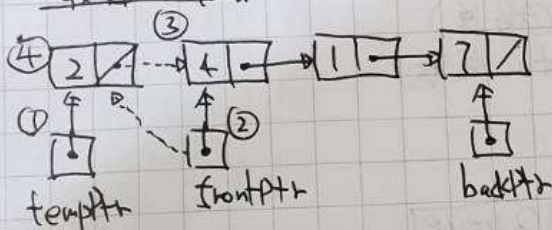


(b)



$\text{frontPtr} = \text{newPtr}$   
 $\text{backPtr} = \text{newPtr}$

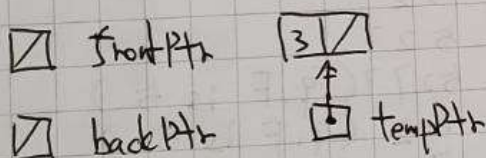
## 刪除 dequeue



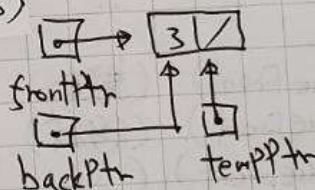
1.  $\text{tempPtr} = \text{frontPtr}$ ;
2.  $\text{frontPtr} = \text{frontPtr} \rightarrow \text{next}$ ;
3.  $\text{tempPtr} \rightarrow \text{next} = \text{Null}$ ;
4.  $\text{delete tempPtr}$ ;

queue 內只有一個  $\rightarrow$  刪除到空

a)



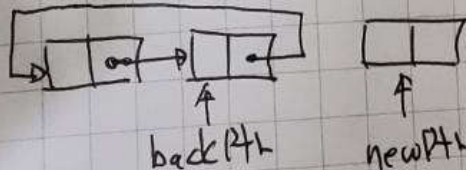
b)



1.  $\text{tempPtr} = \text{frontPtr}$ ;
2.  $\text{frontPtr} = \text{Null}$ ;
3.  $\text{backPtr} = \text{Null}$ ;
4.  $\text{tempPtr} \rightarrow \text{next} = \text{Null}$ ;
5.  $\text{delete tempPtr}$ ;

## Circular Queue

① 新增



1.  $\text{newPtr} \rightarrow \text{next} = \text{backPtr} \rightarrow \text{next}$
2.  $\text{backPtr} \rightarrow \text{next} = \text{newPtr}$
3.  $\text{backPtr} = \text{newPtr}$

# Simulation

20	5
22	4
23	2
30	3

不

Time	Queue (front to back)	an Event List
0	(沒有排隊 → 服務) (empty)	[A 20 5]
20	<div>[20 5]</div> <div>[20 5]</div> <div>(讀入下一個客戶)</div> <div>[20 5]</div>	<div>(empty)</div> <div>[D 25] (預計在 25min 離開)</div> <div>[A 22 4] [D 25]</div> <div>(下一個客戶) → 排到後排</div>
22	<div>(Queue 不是空的) → 排隊</div> <div>[20 5] [22 4]</div> <div>(讀入下一個客戶)</div> <div>[20 5] [22 4]</div>	<div>[D 25]</div> <div>[A 23 2] [D 25]</div>
23	<div>(Queue 中的第一個到 25 才完成 → 繼續排隊)</div> <div>[20 5] [22 4] [23 2]</div> <div>(讀入下一個)</div> <div>[20 5] [22 4] [23 2]</div>	<div>[D 25]</div> <div>[D 25] [A 30 3]</div>
25	<div>([20 5] 完成了 進行 [22 4] 的任務)</div> <div>[22 4] [23 2]</div> <div>[22 4] [23 2]</div>	<div>[A 30 3]</div> <div>[25+4]</div> <div>[D 29] [A 30 3]</div>

## Events (Input file)

Arrival	Transaction	Departure	Waiting
5	9	14	0
7	5	19	7
14	5	24	5
30	5	35	0
32	5	40	3
34	5	45	6
38	3	48	7



## 插入排序法 (Insertion Sort)

e.g. 撲克牌

copy 10      shift 29      insert 10, copy 4

29 10 14 37 13 → 29 29 14 37 13 → 10 29 14 37 13

n-1個回合

```
for (i = 1; i < n; i++) {
    int loc = i, nextItem = A[i];
    for (; loc > 0 && (A[loc-1] > nextItem); --loc)
        A[loc] = A[loc-1]; // 逐位後移
    A[loc] = nextItem; // 直到 nextItem 的位置
}
```

## 希爾排序法 (Shell Sort)

for (int h = n/2; h > 0; h = h/2) {      h → 間隔

for (int unsorted = h; unsorted < n; unsorted++) {

int loc = unsorted;

int nextItem = A[unsorted];

for (; loc >= h && (A[loc-h] > nextItem); loc = loc-h)

A[loc] = A[loc-h];

A[loc] = nextItem;

} // for

} // for

a)      20   80   40   25   60   10   15      // 有 7 個數字 →  $7/2 = 3$  (間隔)

unsorted = h = 3      從 25 開始，往左走，且每一個數字都和左邊間隔 h 的數字

e.g. 60 和 80 (3 間隔) 10 和 40

→ 20   60   40   25   80   10   15

20   60   10   25   80   40   15

到 15 的時候，往左間隔的有 3 次 (20, 25, 15) 3 個一起比較

15   60   10   20   80   40   25

希爾排序法並不是 stable (穩定的)

資料排序的時候會產生互換動作，但是在遠距離互換的時候，沒有辦法分辨數值一樣的元素在前面，誰在後面



7

★ 最佳情況下，相等就不做交換。

Selection Sort (選擇排序法)

```
void selectionSort (int A[], int n) {
    for (last = n-1; last > 0; last--) { // 從最後 → 0
        int largest = indexOfLargest (A, last+1); // 找到最大的數字
        if (largest != last) // 不相同才交換
            swap (A[largest], A[last]);
    } // for
} // selectionSort
```

int indexOfLargest (int A[], int size) {

```
    int indexSoFar = 0;
    for (i = 0; i < size; i++) // 從 0 開始 遍歷
        if (A[indexSoFar] < A[i]) // 找到更大的數字
            indexSoFar = i; // 換成更大的數字的 index
    return indexSoFar;
}
```

// index of Largest

Bubble Sort (氣泡排序法)

```
void bubbleSort (int A[], int n) {
```

```
    bool sorted = FALSE; // Flag
```

```
    for (pass = 1; pass < n && !sorted; pass++) {
        sorted = TRUE; // 先預理為已經完成
```

```
        for (int index = 0; index < n-pass; index++) {
```

```
            if (A[index] > A[index+1]) { // 只要發現需要排序的
                swap (A[index], A[index+1]);
                sorted = FALSE; // 尚未完成排序
            }
        }
    } // for
}
```



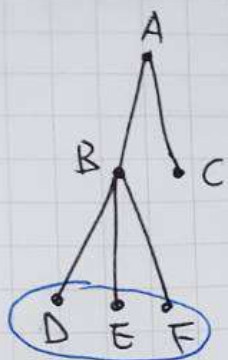
## Mergesort (合併排序)

```
void mergesort(DataType Array[], int first, int last) {  
    mergesort(Array, first, mid); // 以遞迴方式分到最小  
    mergesort(Array, mid+1, last);  
    merge(Array, first, mid, last); // 遞合併遞排序  
} // mergesort
```

```
void merge(DataType Array[], int first, int mid, int last) {  
    DataType temp[MAX_SIZE];  
    int first1 = first, last1 = mid;  
    int first2 = mid+1, last2 = last;  
    int index = first; // 暫存數組存到的位置  
    for( ; (first1 <= last1) && (first2 <= last2); index++) {  
        if( Array[first1] < Array[first2] ) {  
            temp[index] = Array[first1];  
            first1++;  
        } // if  
        else {  
            temp[index] = Array[first2];  
            first2++;  
        } // else  
    } // for  
    for( ; first1 <= last1; first1++, index++) // 可能還有剩下的  
        temp[index] = Array[first1];  
    for( ; first2 <= last2; first2++, index++) //  
        temp[index] = Array[first2];  
    for( index = first; index <= last; index++) // 排序好的數組  
        Array[index] = temp[index]; // 歸還
```

18

## Trees



葉節點

兄弟節點

Leaf

Siblings

- Parent-child 親子關係

- Ancestor-descendant 祖孫關係

- subtree of a tree 子樹

① A是B的父節點

② B是A的子節點

③ 葉節點：沒有子節點

④ 兄弟節點：同一個父節點

⑤ 祖先節點 = 最上層的節點

### 二元樹：

一個節點下最多只能有2個節點

樹不能迴環

### 完全樹：

所有分支都填滿

### 完整樹：

(1) 樹高-1 → 完全樹

(2) 最後一層都在左邊

### 平衡樹：

左右樹高的差距不超過1