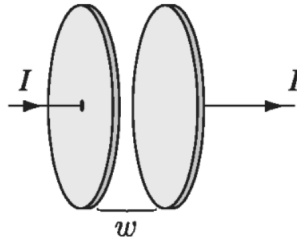


Problema 1 Un cable coaxial muy largo, radio interior a y exterior $b > a$ transporta una corriente I por el conductor interno y $-I$ (es decir, una corriente de igual magnitud, pero sentido opuesto) por el conductor externo. Calcula la energía almacenada en una sección de largo L del cilindro.

Solución 1

Problema 2 Un cable muy delgado transporta una corriente constante I , conectando los centros de dos placas circulares de radio R , tal como se indica en la figura. Suponga que la separación entre las placas w es muy pequeña ($w \ll R$), que en todo momento la densidad de carga $\sigma(t)$ sobre las placas es uniforme, y que $\sigma(t = 0) = 0$. Realizando todas las aproximaciones e idealizaciones que considere pertinentes, calcule:

1. El valor de la densidad de carga $\sigma(t)$ sobre las placas
2. El campo eléctrico entre las placas, como función del tiempo t
3. El valor campo magnético $B(\rho, t)$ a una distancia $\rho < R$ del eje del sistema, entre las placas
4. Bosqueje los campos \vec{E} y \vec{B} entre las placas



Solución 2

1. Como $\sigma(t = 0) = 0$ y se supone que esta densidad de carga es constante sobre la superficie, entonces tenemos que esta no tiene dependencia espacial. Así

$$\sigma(t) = \frac{Q}{A} = \frac{It}{\pi R^2} \quad (1)$$

2. Supongamos $\mathbf{E} = E\hat{z}$, homogéneo entre las placas y nulo en otros lados. Además recordemos que la magnitud de campo eléctrico generado por una placa infinita es $E = \sigma/2\epsilon_0$ (Ley de Gauss, el área encerrada por una cara de la superficie gaussiana cilíndrica es la mitad de la carga total de la placa). Sin embargo, como queremos calcular el campo eléctrico entre las placas, este será la suma del generado por la placa izquierda (positiva) y la derecha (negativa), por lo tanto tenemos que el campo eléctrico entre las placas es

$$\mathbf{E}(t) = \frac{\sigma(t)}{\epsilon_0} \hat{z} \quad (2)$$

Reemplazando (1)

$$\boxed{\mathbf{E}(t) = \frac{It}{\epsilon_0 \pi R^2} \hat{\mathbf{z}}} \quad (3)$$

3. Dada la simetría del problema y la dirección de la corriente. el campo magnético será de la forma $\mathbf{B}(\rho, t) = B(\rho, t) \hat{\phi}$. Así, considerando que $\mathbf{J} = 0$, tenemos

$$\nabla \times \mathbf{B} = \frac{1}{\rho} \left(\frac{\partial}{\partial \rho}(\rho B) \right) \hat{\mathbf{z}} = \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} = \frac{\mu_0 I}{\pi R^2} \hat{\mathbf{z}} \quad (4)$$

$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial \rho}(\rho B) = \frac{\mu_0 I}{\pi R^2} \Rightarrow \frac{\partial}{\partial \rho}(\rho B) = \frac{\mu_0 I}{\pi R^2} \rho \quad (5)$$

Integrando con respecto a ρ

$$\rho B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R^2} \rho^2 + c \quad (6)$$

Obteniendo así

$$\boxed{\mathbf{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi R^2} \rho \hat{\phi}} \quad (7)$$

4. El bosquejo de los campos es sencillo considerando que $\mathbf{E} = E \hat{\mathbf{z}}$ y $\mathbf{B} = B \hat{\phi}$