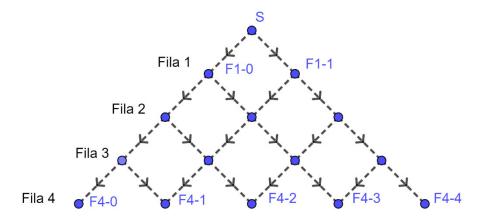
NOM:		COGNOMS:						_
Problema 1	(B1)		(Contesteu cada pregu	nta en el seu li	oc. Expliciteu	ı i justifiqu	ıeu els càlc	uls)
-	s d'escacs, ens fixem en ur							
utilitzen la torre (T), després les negres escullen el cavall (C) amb probabilitat 0.3 o, si no, a reina (Q). Quan les blanques juguen amb l'alfil (A) les negres utilitzen el cavall 3 de cada $\frac{P_{WO}h\ W}{r}$						neg	negres	
	ies blanques juguen amb i a la la resta. Les blanques emp			Prob W	С	Q		
_	la partida, mitjançant la probabilitat de W (W: victòria per a les blanques), es mostra	blanques	Torre	0,6	0,1			
a la taula:	taula:				Alfil	0,2	0,5	
probabilitats p	loc, construïu l'arbre d er a aquesta situació (l'arbr o derrota del jugador amb	e tindrà tres nivells,						
	a anterior, es pot dir que l'e el posterior moviment de le			da" està rela	cionat amb	el movim	ent que fa	aci en
3. Trobeu la prob l'alfil. (1 pt)	abilitat que les negres jugui	n amb la reina; doneu t	ambé la de que les neg	res juguin am	b la reina si	es blanq	ues han er	mprat
(- 64)								

4. Si sabem que en una certa partida les negres han jugat amb la reina, quina és la probabilitat que les blanques hagin utilitzat abans l'alfil?

5.	Calculeu la probabilitat que guanyin les blanques si han emprat la torre. És la mateixa probabilitat, si hagués utilitzat l'alfil? Són independents, guanyar la partida i el moviment de les blanques? (2 pts)
6.	Calculeu i expliqueu què volen dir P(T W) i P(T ¬W). Si són iguals, representa que T i W són independents? (2 pts)
7.	Empleneu la següent taula amb les probabilitats de cada cas, i responeu justificant la resposta: es pot dir que la victòria de les blanques
	no depèn del moviment de les peces negres? (2 pts) C Q
	w w
	¬W

Problema 2 (B2)

Es vol estudiar els diferents camins que es poden traçar a partir de la construcció d'una imatge. Cada camí comença sempre al punt de sortida **S** i continua en ordre descendent seguint el sentit de les fletxes. A cada punt hi ha una bifurcació per anar a una de les dues caselles que es troben a sota. Per escollir si anar a la dreta o a l'esquerra es llança una moneda no trucada. Si surt cara, el camí segueix la fletxa de la dreta fins a la següent casella de la fila inferior; i, si surt creu, es segueix la fletxa de l'esquerra. Per a cada fila, els punts s'anomenen començant pel que es troba més a l'esquerra amb la posició 0. Així a la fila 1 es troben les posicions 0 i 1; i a la fila 4 hi ha les posicions de la 0 fins la 4 tal i com es pot veure en la figura següent:

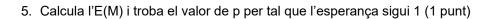


Es defineix X com la variable aleatòria que recull la posició final del camins que acaben a la fila 1. I es defineix com a Y la variable aleatòria que recull la posició final dels camins que acaben a la fila 4.

1. Indiqueu la funció de probabilitat d'Y. (1,5 punts)

- 2. Calculeu l'esperança i la desviació típica d'Y (1 punt)
- 3. Indiqueu la funció de probabilitat d'Y sabent que el camí ha passat per X=0. (1 punt).

	Ara es repeteix l'experiment aleatori amb una moneda trucada que té probabilitat p que surti creu i anomenem M la variable aleatòria que recull la posició final dels camis que acaben a la fila 4 amb aquesta moneda trucada.
4.	Indiqueu la funció de probabilitat de M (1,5 punts)



Considerem la variable aleatòria T que segueix una distribució amb la següent funció de densitat:

$$f(t): \begin{cases} k(1+t) & \text{si } 0 \leq t \leq 4 \\ 0 & \text{altrament} \end{cases}$$

6. Trobeu el valor de k per tal sigui una funció de densitat. (1,5 punts)

7. Calculeu la funció de distribució de T (1,5 punts)

8. Calculeu el percentil 70 de T (1 punt):

NO	M:COGNOM:
Pr	(Contesteu cada pregunta en el seu lloc. Expliciteu i justifiqueu els càlculs) oblema 3 (B3)
	Una escola universitària vol promoure un nou tipus d'exercicis a realitzar en una plataforma virtual. En una prova preliminar s'ha establert que un 30% dels estudiants utilitzarien la plataforma.
(En tots els apartats definiu clarament les variables aleatòries i els models que useu)
1	1. a) En un grup de 20 estudiants de l'assignatura XX, quants es pot esperar que l'utilitzin? (0.5 punts)
k	o) Un altre grup, de l'assignatura YY, resulta en una variable que té per variància 6.3. Deduïu la mida del grup de YY (1 punt)
2	 Seguint amb el grup de 20 estudiants, quina probabilitat hi ha que l'utilitzin més de 5 alumnes a la plataforma? I que no l'utilitzi cap? (2 punts)
3	3. Quina és la probabilitat d'haver d'observar 10 estudiants fins trobar el primer que utilitza la plataforma? (1 punt)
Ü	Amb l'objectiu de fomentar la plataforma, els professors envien correus a tots els estudiants per tal de recordar que el seu ús és molt interessant. El seu enviament és aleatori en el sentit de no seguir un patró pre-definit. S'observa que, de mitjana, els estudiants reben un correu a la setmana per part dels professors.
4	1. Quina probabilitat hi ha que en un mes un estudiant, seleccionat a l'atzar, rebi 5 correus electrònics? (1.5 punts)

5. a) Quina probabilitat hi ha que passin més de dues setmanes entre dos correus recordatoris per part dels professors? I la probabilitat que passin entre 10 i 15 dies? (1.5 punts)
Al final es decideix obrir la plataforma a tots els estudiants dels 10 grups d'una assignatura (200 estudiants). Podem considerar que la proporció d'ús seguirà sent la mateixa.
6. Quina probabilitat hi ha que més del 35% dels estudiants utilitzin la plataforma? (1.5 punts)
7. Amb una seguretat del 98%, quin es el nombre garantit d'estudiants que utilitzaran la plataforma? (1 punt)