

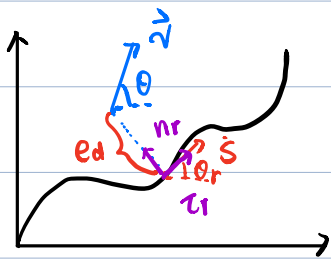
## 自动驾驶控制算法第七讲

$$u = -k e_{rr} + \delta_f$$

$$K = \text{lqr}(A, B, Q, R) \quad A, B \text{ 在第三讲, 第四讲}$$

$$\text{或 } \text{dlqr}(\bar{A}, \bar{B}, Q, R) \quad K \text{ 的计算在第五讲}$$

$\delta_f$  在第六讲



第四讲

$$e_d = (\vec{x} - \vec{x}_r) \cdot \vec{n}_r$$

$$e_d = |\vec{v}| \sin(\theta - \theta_r)$$

$$e_\varphi = \varphi - \theta_r$$

$$e_\psi = \dot{\varphi} - k \dot{s} \quad \theta_r = k \dot{s} \quad (\text{由曲率的定义式推导而来})$$

$$\vec{x}_r = (x_r, y_r) \quad \text{投影点的直角坐标}$$

$$\theta_r \quad \text{投影的速度 } \dot{s} \text{ 与 } x \text{ 轴的夹角,}$$

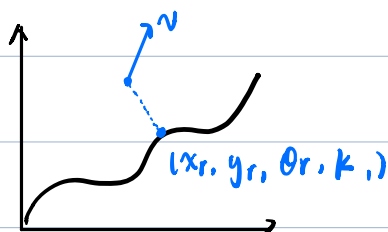
$$k \quad \text{投影的曲率}$$

$$\dot{s} = \frac{|\vec{v}| \cos(\theta - \theta_r)}{1 - k e_d}$$

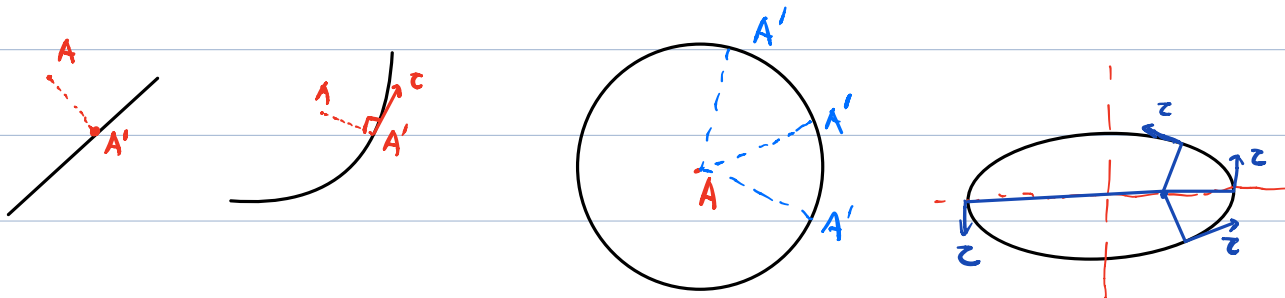
$$\vec{x}, \vec{v}, \dot{\varphi}$$

车位置 车速 车横摆角速度, 视为已知

只要知道  $x_r, y_r, \theta_r, k$  ( $\dot{s}_r$ )  
纵向



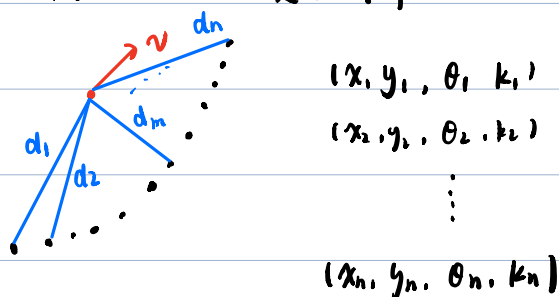
若曲线是连续的, 可能会导致投影不唯一



若  $A$  与  $A'$  的连线与  $A'$  的切线垂直, 则  $A'$  为  $A$  的投影

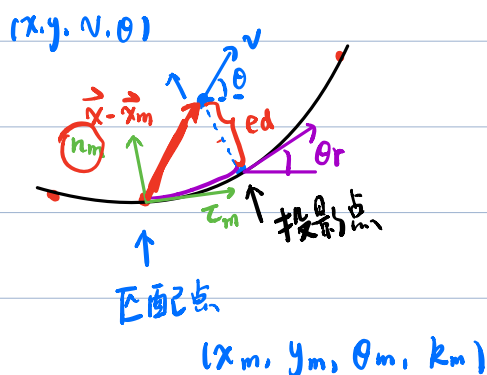
若曲线是连续的, 不仅仅求投影麻烦, 而且要处理多值问题

离散轨迹点的误差计算



① 找到离散轨迹规划点中与真实位置  $(x, y)$  最近的点, 在 apollo 中称为 match-point (匹配点)

② 匹配点 = 投影点? 匹配点  $\neq$  投影点, 但是, 可以通过匹配点近似算出投影点



假设: 匹配  $\rightarrow$  投影的  $k$  不变  $\Rightarrow$  匹配  $\rightarrow$  投影的轨迹近似用圆弧代替

$$\vec{t}_m = (\cos \theta_m, \sin \theta_m) \quad \vec{n}_m = (-\sin \theta_m, \cos \theta_m)$$

$$\vec{x} - \vec{x}_m = (x - x_m, y - y_m)$$

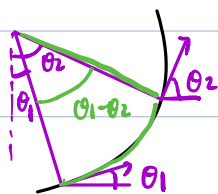
③  $E_d \propto (\vec{x} - \vec{x}_m) \cdot \vec{n}_m$  (有正负, 左为正, 右为负)

④  $E_s \propto (\vec{x} - \vec{x}_m) \cdot \vec{t}_m$   $E_s$  为匹配点与投影点的弧长 (有正负)

正代表投影在匹配点的前面 负 ..... 后 ..

⑤  $\theta_r = \theta_m$  (apollo)

$\theta_r = \theta_m + k_m \cdot e_s$  (我)



$\theta_1 - \theta_2 = \frac{s}{R} = k_s$

⑥  $\underline{e_d} = (\vec{x} - \vec{x}_m) \cdot \vec{n}_m$

$e_s = |\vec{x} - \vec{x}_m| - \underline{r}_m$

$\theta_r = \theta_m + k_m \cdot e_s$

$k_r = k_m$

$\dot{s} = \frac{\vec{v} \cos(\theta - \theta_r)}{1 - k_r \underline{e_d}}$

$e_\varphi = \varphi - \theta_r$

$\dot{e}_\varphi = \dot{\varphi} - \dot{\theta}_r = \dot{\varphi} - k_r \cdot \underline{\dot{s}}$

$\dot{e_d} = |\vec{v}| \sin(\theta - \theta_r)$

$u = -\underline{k} \underline{e_r} + \underline{\delta_f}$