官方微博:http://weibo.com/304456943

# 冨二届数学中国数学建模网络挑战赛

地址: 内蒙古数学会 网址: <u>www.tzmcm.cn</u> 电话: 0471-4343756 邮编: 010021 Email: ceo@madio.cn

# 第二届"数学中国杯"数学建模网络挑战赛

# 承诺书

我们仔细阅读了第二届"数学中国杯"数学建模网络挑战赛的竞赛规则。

我们完全明白,在竞赛开始后参赛队员不能以任何方式(包括电话、电子邮件、网 上咨询等)与队外的任何人(包括指导教师)研究、讨论与赛题有关的问题。

我们知道, 抄袭别人的成果是违反竞赛规则的, 如果引用别人的成果或其他公开的 资料(包括网上查到的资料),必须按照规定的参考文献的表述方式在正文引用处和参 考文献中明确列出。

我们郑重承诺,严格遵守竞赛规则,以保证竞赛的公正、公平性。如有违反竞赛规 则的行为, 我们将受到严肃处理。

我们允许数学中国网站(www.madio.net)公布论文,以供网友之间学习交流,数学中 国网站以非商业目的的论文交流不需要提前取得我们的同意。

我们的参赛报名号为: 1010

参赛队员 (签名):

队员1:刘静

队员 2: 张欢

队员 3: 王桢

参赛队教练员 (签名): 教练组

参赛队伍组别: 大学组

数学中国YY网校频道:159214

数学中国www.madio.net 数学中国公众微信平台: shuxuezhongguo

# 第二届数学中国数学建模网络挑战赛

地址:内蒙古数学会 网址: <u>www.tzmcm.cn</u> 电话: 0471-4343756 邮编: 010021 Email: <u>ceo@madio.cn</u>

# 第二届"数学中国杯"数学建模网络挑战赛

编号专用页

参赛队伍的参赛号码: (请各个参赛队提前填写好):

1010

竞赛统一编号(由竞赛组委会送至评委团前编号):

竞赛评阅编号(由竞赛评委团评阅前进行编号):

数学中国YY网校频道:159214 数学中国www.madio.net 数学中国公众微信平台:shuxuezhongguo

#### 官方微博:http://weibo.com/304456943

# 第二届数学中国数学建模网络挑战赛

地址:内蒙古数学会 网址: <u>www.tzmcm.cn</u> 电话: 0471-4343756 邮编: 010021 Email: <u>ceo@madio.cn</u>

# 2009 年 第二届"数学中国杯" 数学建模网络挑战赛

题	目。	B 匙	<u> 流感疫苗的</u>	可题
关	键 词 贝叶期	行预测模型 概率	率分析 地域相	干分析 主成份 熵值法
	7/1/2	摘	要:	

流感是一种广泛流行于世界范围内的潜在的致命性疾病,使用疫苗预防流感是抗击这种疾病的有效措施,因此对流感疫苗的研究是非常重要的。

在问题一中,本文首先从静态分析的角度,建立加权统计模型,获得了一种投放方案;然后基于动态预测的思想,建立贝叶斯预测模型,通过对三年数据正向和反向研究,预测出下年流感流行季节的可能流行病毒的,从而确定投放方案。最后建立概率评价模型,在概率的背景下,以疫苗普及率和匹配率为基本元素,构造出评价标准,可以对现行方案和本文新提出的方案进行比较评价。

在问题二中,本文借助病毒专家研制疫苗的原理建立了我们的筛选模型,首先确定流感严重的国家,然后再确定不同亚型的病毒较严重的地点,进而缩小了病毒专家的研究范围,并且通过对以往的相关数据进行思考与分析,验证了此方法的正确性。

在问题三中,我们先后利用了主成份分析模型,熵值法模型对题中所给的指标进行筛选,并利用剩余指标对国家进行评价,得到国家的综合排名,再利用前文中对各国流感状况的评价,综合之后即可得到每个国家综合经济医疗水平与流感情况的排名,进而确定优先级。

最后,在模型的拓展中,建立了地域相干分析模型,通过定量线性模拟,确定了一种投放方案。

参赛队号 \_1010 \_\_

所选题目 流感疫苗

参赛密码 \_\_\_\_\_\_ (**由组委会填写**)

数学中国YY网校频道:159214 数学中国www.madio.net 数学中国公众微信平台:shuxuezhongguo

#### 官方微博:http://weibo.com/304456943

# 第二届数学中国数学建模网络挑战赛

地址:内蒙古数学会 网址: <u>www.tzmcm.cn</u> 电话: 0471-4343756 邮编: 010021 Email: <u>ceo@madio.cn</u>

# 英文摘要

Influenza is a potentially deadly disease that widely spread all over the world. Using vaccines is an efficient way to battle against the disease. In consequence, it's of great importance to do research in the development of influenza virus vaccines.

In the first question, we used the way of static analyzing and built the model of weighted statically to get an delivery plan; and then in consideration of dynamic prediction, we built the Beyes predicting model and looked into the data of recent 3 years to do both forward and backward research, which showed us the probable subtypes of virus during the influenza epidemic periods in the following year, and helped us to determine the delivery plan. At last, a probabilistic evaluation model was built under the background of probability. A evaluation standard was also built on the basis of popularization rate and matching rate, which can be used to comparative evaluate the scheme used now and also the new one we've just put up.

In the second question, we built a selecting model by virtue of the theories used by virus researchers in vaccine development. Initially, we made sure of the countries suffering severe influenza epidemic, then we confirmed the different places under fearful virus condition. Furthermore, we reduced the range researched by the virus experts, and proved the accuracy of this method after consideration and analysis of the previous data.

In qustion three, we made use of principal component analyzing modle and entropy value modle to choose between the target index. To get a comprehensive ranking of the countries, we also evaluated the standards of different countries through the analysis of remaining index. Further more, we took advantage of the assessment of influenza spreading in different countries mentioned earlier in this assay to get the comprehensive ranking of the intergrative level of economic, medical treatment and influenza spreading of each country. On top of this, we obtained the priority levels.

top of this, we obtained the priority levels.

Ultimately, to expand the model, we set up the region relation analyzing model, with fixed amount linear imitation, we established another delivery proposal.

数学中国YY网校频道:159214 数学中国www.madio.net 数学中国公众微信平台:shuxuezhongguo

## 一、问题的背景

流行性感冒简称流感,流感是一种广泛流行于世界范围内的疾病,20世纪的4次甲型流感世界大流行,中国近半个世纪内(1953年至今)流感流行共计发生大中小规模的流感流行17次,其中2次为大流行,每次流感大流行都会造成多人死亡和巨大损失。世界卫生组织大力推荐将疫苗作为一种有效的预防措施来抗击这种潜在的致命性疾病。如果疫苗毒株和流行的病毒类型相匹配,那么大约有50%~80%的疫苗接种者能够抵抗流感的侵袭。即使疫苗不能完全抵御流感的侵袭,它也可以降低流感发病的严重程度以及严重并发症的发生率。但流感疫苗所能产生的抗体是短效的,所以每年流感流行季节到来前,都需要重新接种疫苗。每年冬天是流感的流行季节,在流行季节到来前1~2个月接种疫苗,能达到较为良好的防护效果。

流感病毒分为 A, B, C(又称甲、乙、丙)三型。其中 A 型病毒容易发生变异, 依其两种主要抗原(HA, NA)的不同,区分为不同的亚型。现发现一共有 15 种 HA(H1~H15)及 9 种 NA(N1~N9)亚型。同一亚型的病毒之间也可能有一些区别。 B 型病毒的变异比较缓慢,C型病毒甚少对人类造成威胁。

由于流感病毒种类多样,变异迅速,所以每年使用的疫苗成分并不相同。世界卫生组织的专家通过对全球疫情的监控来收集数据,在每年2月份预测新的流行季节中流感流行情况(对南半球的疫苗成分推荐在每年的9月份确定),并确定毒株品种作为新年度北半球流感疫苗的推荐成分。需要给药品制造商留出半年左右时间以生产和投放市场。现在的惯用推荐方案是三联装疫苗,也就是每份疫苗中有三种经过灭活或裂解处理(使之对人体失去致病性,但又能使人体的免疫系统识别它,产生针对它的抵抗力)的毒株,分别为两个A型和一个B型。一般来说推荐的疫苗成分是A型的H1N1和H3N2亚型,以及一个B型毒株。但每次建议的具体毒株并不相同,例如2008~2009年针对北半球冬季的疫苗组成是:一个A/布里斯班/59/2007(H1N1)类似株,一个A/布里斯班/10/2007(H3N2)类似株和一个B/佛罗里达/4/2006类似株。

# 二、问题的提出与重述

问题 1: 建立合适的模型,将北半球和南半球分别划分为稍小的区域,设计使用不同的双联疫苗针对不同区域来进行投放的投放方案,并设计评估标准来评估其效果,使之能与现行方案进行对比评价。

问题 2: 建立合理的模型,在监测到的流感流行记录中,筛选出对下一年威胁较大的病毒可能出现的地区。

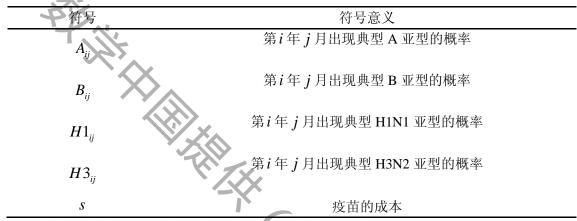
问题 3: 假设联合国有部分经费可以援助不同国家,用以建设流感监测网络实验室和哨点医院。请依据数据,建立合理的模型,评估需要援助的国家或地区的优先级。

# 三、模型的假设与符号说明

#### 3.1 模型的假设

- 1、如果疫苗毒株1和流行的病毒类型相匹配,那么大约有50%-80%的疫苗接种者能够抵抗流感的侵袭。即使疫苗不能完全抵御流感的侵袭,它也可以降低流感发病的严重程度以及严重并发症的发生率;
- 2、流感疫苗所能产生的抗体是短效的,所以每年流感流行季节到来前,都需要重新接种疫苗:
- 3、假设人体对病毒的免疫完全依靠疫苗;
- 4、假设题目附件中所给的数据全部准确无误;
- 5、假设感染不同亚型的病毒,如果级别相同,感染人数相同;

#### 3.2 符号说明



剩余变量将在使用时在文中列举出来,在此不做叙述。

# 四、问题的分析

本题是一个已知以前病毒影响的数据研究如何确定下一年的疫苗组成的相关问题。按照是否考虑亚型分为两类,即问题一与问题二,下面我们将分开讨论这个问题。

### 4.1 问题一的分析

问题一要求我们将北半球和南半球分别划分为稍小的区域,并使用不同的疫苗针对不同区域来进行投放双联疫苗。由于我们得到的相关材料和数据都是以国家为单位的,我们考虑先分析各个国家所需要的双联疫苗的种类,再将情况近似的国家划到同一个区域中,为其投放相同的疫苗,由此设计投放方案。

在本文中还要求我们寻找评估标准进行不同投放方案所产生效果的评价,由于疫苗的目的是预防和控制疫情,因而疫苗的有效性是一个重要的评估标准。另外,由于疫苗生产的成本直接关系需要接种疫苗的人或者国家是否有能力承担疫苗的费用,因此,疫苗的成本也将是一个评估标准。综合多个评估标准,才能对新方案与现有方案做出合理的对比评价。

### 4.2 问题二的分析

此问题要求我们在考虑选择具体的毒株的情况下,筛选出对下一年威胁较大的病毒在哪出现,目的是缩小病毒专家的研究范围,我们首先找到了病毒专家在确定疫苗时所

使用的方法,根据其原理,我们将我们的筛选模型分为两个步骤:

- (1) 确定流感较为严重的国家;
- (2) 确定不同病毒的研究范围。

在第二问中,我们假设了流感严重国家的具体体现,根据这个指标,我们进行了第一步的筛选,得到了一些流感较为严重的国家,接下来我们开始为每种病毒筛选尽可能小的研究范围,我们假设相邻或相近国家的流感病原体类似,其类似株相同的可能性很大。由此我们就确定了缩小范围后的各种亚型病毒的研究范围。

## 4.3 问题三的分析

仔细分析问题三,我们认为由于政府的资金有限,就不可能每个国家都资助,因此 我们认为在考虑这个问题时,我们应该综合考虑两方面的情况:

- (1) 每个国家的经济及医疗水平情况;
- (2) 每个国家流感的严重情况;

最后每个两个方面的情况就可以得到每个国家的优先级。

## 五、问题一模型建立与求解

问题一要求我们将北半球和南半球分别划分为稍小的区域,并使用不同的疫苗针对不同区域来进行投放双联疫苗。由于我们得到的相关材料和数据都是以国家为单位的,我们考虑先分析各个国家所需要的双联疫苗的种类,再将情况近似的国家划到同一个区域中,由此设计投放方案。由于疫苗的目的是预防和控制疫情,因而疫苗的有效性是一个重要的评估标准。另外,由于疫苗生产的成本直接关系需要接种疫苗的人或者国家是否有能力承担疫苗的费用,因此,疫苗的成本也将是一个评估标准。综合多个评估标准,才能对新方案与现有方案做出合理的对比评价。

## 5.1 疫苗投放方案的设计

首先我们需要确定向各个国家投放的疫苗的种类。一方面,一个地区下年可能流行的流感病毒的亚型与当年的情况密切相关(这部分可详细说明,利用SPSS分析数据),我们可以通过统计当年的流感病毒亚型的情况来决定下年该地区投放的疫苗的种类。另一方面,我们希望所投放的疫苗刚好和下年流行的流感病毒的亚型相匹配,因而我们可以通过预测下年的流感病毒情况确定疫苗。针对这两种思路,我们分别建立了加权统计模型和贝叶斯预测模型来确定各国投放的疫苗的种类,进而对南北半球分别划分出稍小的区域进行疫苗投放,得到投放方案。

### 5.1.1 加权统计模型

从附件所给的数据(参考文献)中,可以看出,流感病毒的流行程度有四个标准,分别为零星活动(Sporadic activity)、当地活动(Local activity)、区域性活动(Regional outbreaks)和广泛传播活动(Widespread outbreaks)。

这里我们的思路是直接对于某个地区的病毒感染情况进行统计,寻找出对每个国家影响较大的两种亚型的病毒。但是在统计的时候,由于流感病毒的流行程度不同,所以直接进行相加之后得到的结果是存在误差的,为了避免结果的不准确性,这里我们采用加权统计模型。

所谓加权统计就是指在计算的时候为每个变量赋予一定的权值然后进行相加求和, 完成统计。而这里需要我们进行赋权的就是流感流行的四个标准:

零星活动: 孤立案件或实验室确诊病例在一个有限地区;

当地活动:活动的余地的价值观与伊犁实验室确诊病例在有限的区域;

区域活动:实验证实爆发流感在一个或多个地区的人口,包括低于50%的人口总数; 广泛活动:实验证实爆发流感在一个或多个地区的人口,包括不低于50%的人口总数;

从这些定义中,我们可以发现一个问题,这些标准的定义是建立在发病地区面积的基础上,零星活动的面积是最小的,而当地活动的面积是较大的,区域活动的面积又稍微大一点,而广泛活动的面积是最大的,利用我国的政府划分标准,我们希望可以将这些区域具体的量化以下,因此,我们考虑为这些面积寻找对应的单位:零星活动——县,当地活动——市,区域活动——省,广泛活动——全国一半以上的省。根据相关资料的查询,我们了解到全国有22个省、5个自治区、4个直辖市、334个市、1735个县、48 000多个乡。如果我们假设零星活动为1,那么当地活动为5.2,区域活动为78,广泛活动为857。由此我们就得到了零星活动、当地活动、区域活动与广泛活动的权重。

得到了权重,接下来要做的就是依权重进行统计,在统计时,我们确定的统计目标量是某个国家感染的总人数,根据上面加权得到的权重来看,这四个标准的影响相差很大,也就是说如果某个国家某种亚型的病毒出现了广泛活动,其影响人数比几个月的零星活动加起来也要影响人数更多,区域活动较零星活动也是这种情况。如果是相同级别的,出现次数越多感染人数越多。

根据上面的分析,研究题中所给的数据,我们可以得到最后的统计结果,根据统计结果,我们就可以得到每个国家应该的投放的疫苗,结果如下表所示:

		表5.1 各	个国家最	终的投放结果			
Country, area	投放	Country, area	投放	Country, area	投放	Country,	投放
or territory	疫苗	or territory	疫苗	or territory	疫苗	area or	疫苗
	类型		类型		类型	territory	类型
Cameroon	H1,B	Guatemala	Н3,Н	Nepal	B,H1	Italy	В,Н3
			1	W			
C âte d'Ivoire	B,H1	Guiana	B,H1	Oman	В	Kazakhstan	B,H1
Egypt	A,B	Honduras	В	Philippines	B,H1	Kyrgyzstan	Н3
France,	A,H1	Mauritius	H1	Qatar	В,Н3	Latvia	Н3
R éunion							
Ghana	H1,B	Mexico	B,H1	Republic of	Н3,Н	Lithuania	A
				Korea	1 •	<b>A</b>	
Kenya	B,A	Panama	A,B	Singapore	Н3,Н	Luxembour	Н3,Н
					1	g	1
Madagascar	B,H1	Paraguay	H1	Sri Lanka	A,B	Montenegro	H1
Mauritius	B,H1	Peru	В	Thailand	B,H1	Netherlands	В,Н3
Morocco	H1,B	Suriname	H1	Viet Nam	B,H3	Norway	H1,H
							3
Senegal	H1,B	Trinidad and	Н3	Albania	B,H1	Poland	A,H3
		Tobago					
Seychelles	H1	United	B,H1	Austria	A,H3	Portugal	Н3,Н
		Kingdom,					1
		Montserrat					
South Africa	B,H1	Uruguay	H1,B	Belarus	B,A	Romania	Н3,Н
							1

表51 各个国家最终的投放结果

Tunisia	Н3	Venezuela	В	Belgium	В,Н3	Russian	Н3,Н
						Federation	1
Uganda	A	Afghanistan	无	Bulgaria	H1	Serbia	B,H1
Argentina	A,B	Bangladesh	B,H3	Croatia	B,H1	Slovakia	Н3
Bolivia	无	Cambodia	B,H3	Czech	B,H3	Slovenia	Н3,Н
				Republic			1
Brazil	B,H1	China	B,H1	Denmark	Н3,Н	Spain	Н3,Н
					1		1
Canada	B,H1	China(Province	B,H3	Estonia	B,H3	Sweden	B,H3
		ofTaiwan)					
Chile	A,H1	China, Hong	B,H1	Finland	B,H3	Switzerland	B,H1
4.0		KongSAR					
Colombia	H1,B	India	B,H3	France	Н3,Н	Turkey	B,H3
- >	77				1		
Costa Rica	B,H1	Indonesia	B,H1	Georgia	H1	United	Н3,Н
		<b>/</b>				Kingdom	1
Dominica		Iran	B,H3	Germany	B,H1	Ukraine	B,H1
Ecuador	B,H3	Japan	B,H1	Greece	B,H1	Australia	B,H1
El Salvador	B,H1	Jordan	B,H1	Hungary	B,H1	New	B,H3
		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\				Zealand	
FranceFrench	Н3	Kuwait	В,Н3	Iceland	B,H3	United	B,H3
,Guiana						States of	
			1/1	,		America,	
				W. Traland		Guam	
France,	A,H1	Malaysia	•	Ireland	B,H1	Antarctica	В
Guadeloupe				+ /2-			
France,	B,H3	Mongolia	B,H3	Israel	B,H1	France,	H1
Martinique					W.	New	
					1,	Caledonia	

在得到上表的过程中,有些国家只能确定一种亚型,而另外的亚型影响范围是相同的,在这里我们就任意取了一种作为投放类型,导致模型出现了误差。

### 5.1.2 贝叶斯预测模型

数学中国YY网校频道:159214

由于疫苗的目的就是预防疾病的传播,所以与流感季节流行的流感病毒的亚型相匹配的疫苗的防疫效果是最好的。我们希望通过某个国家当年流感病毒流行情况确定下年流行季节流行的流感病毒的亚型,进而得到疫苗投放方案。这是一种预测。

如果下年流行季节流行的病毒的情况是已知的,那么我们可以近似地得到下年流行季节流行的是某种亚型病毒的前提下,当年某月流行某种亚型病毒的概率,这是一个条件概率,不妨记为 $P(M\mid N)$ 。事实上,由于我们的已知的当年的数据是非常丰富的,因而通过统计当年某月流行某种亚型病毒的频率就可以近似的认为为其概率,这一点是由概率论中的大数定律保证的。

近似地,我们可以研究历史年份数据。比如说,2008年12月的流行情况,对于2007

年2月到2008年1月的人来说,是未知的下年流行的病毒的情况,而对于我们来说,这个数据是已知的。因而我们可以据历史月数据计算条件概率  $P(M \mid N)$ ,作为一种经验的先验概率。

我们要预测下年的病毒流行情况,一般而言是据当年各月病毒流行情况来预测下年病毒流行季节的流行情况,其实质是求条件概率 P(N|M),这是一个后验概率。在概率论中有一个计算后验概率的公式——贝叶斯公式,应用它可以解决我们的为题。据此建立贝叶斯预测模型。

#### 5.1.2.1 模型的建立

数学中国YY网校频道:159214

以北半球为例。事件  $A_{ij}$ ,  $B_{ij}$ ,  $H1_{ij}$ ,  $H3_{ij}$ 分别表示第i年j月出现典型A亚型、B亚型、H1N1亚型和H3N2亚型的概率。其中,从2007年2月至2008年1月为第一年(i=1),从2008年2月至2009年1月为第二年(i=2),从2009年2月至2010年1月为第三年(i=3)。j的取值范围为1~12,表示第i(i=1,2,3)年的第j月。一般地,事件  $X_{ij}$ 表示第i年j月出现 X 亚型(X  $\in$   $\{A_{ij}$ ,  $B_{ij}$ ,  $H1_{ij}$ ,  $H3_{ij}$  $\}$ ),事件  $Y_{ij}$ 表示第i年j月出现 Y 亚型(Y  $\in$   $\{A_{ij}$ ,  $B_{ij}$ ,  $H1_{ij}$ ,  $H3_{ij}$  $\}$ )。

由贝叶斯公式,我们得到据已知数据预测未来情况的贝叶斯预测模型:

$$P(Y_{(i+1),m} \mid X_{ij}) = \frac{P(X_{ij} \mid Y_{(i+1),m})P(Y_{(i+1),m})}{P(X_{ij})} = \frac{P(X_{ij} \mid Y_{(i+1),m})P(Y_{(i+1),m})}{\sum_{k=1}^{4} P(X_{ij} \mid Y_{(i+1),m})P(Y_{(i+1),m})}$$

$$(m = 10,11,12)$$

其中, $Y^{(k)}_{ij}$ 在k=1,2,3,4时分别表示 $A_{ij},B_{ij},H1_{ij},H3_{ij}$ 

在(5.1)中, $X_{ij}$ 表示在已知的第i年第j月出现X亚型的流感疫情, $Y_{(i+1),m}$ 表示在未来的第i+1年m月出现Y亚型的流感疫情。我们希望通过(5.1)得到第i年第j月出现X亚型的流感疫情的前提下,第i+1年m月出现Y亚型的流感疫情的概率。

通过5.1.2.1的分析,我们可以近似地认为如果不考虑已发生月份的流感疫情,某个月出现某种亚型流感病毒的概率可以近似地认为是一段时期以来该种亚型出现的频率,即

$$P(X_{ij}) = f_X \tag{5.2}$$

我们通过统计2007年2月至2009年1月的数据可以很容易地得到这组数据。

要通过(5.1)来预测,还需要计算 $P(X_{ij}|Y^{(k)}_{(i+1),m})$ 的值。我们可以通过研究2007年2月至2008年1月的数据与2008年12月、2009年1月、2009年2月的数据,得到经验上的 $P(X_{ij}|Y^{(k)}_{(i+1),m})$ 的值。由于我们统计的数据量比较大,因此得到的结果是可信的。事实上,贝叶斯公式在应用过程中,总是需要一些由经验或者常识得到的先验概率。由于我

们所要预测的是一个季节的情况,为了简化问题,我们可以不考虑m的取值,将整个冬天看作一个整体。

到此,我们可以依据(5.1),得到如果某月份出现亚型X,下年的冬天出现Y亚型的病毒的概率。

## 5.1.2.2 模型的讨论

由于我们的已知数据是相对比较丰富的,所以仅以某一个月发生某种亚型去判断下年相关月份将出现的病毒亚型没有充分地利用已知数据。事实上,我们并不是想得到下年相关月份出现某种亚型的概率,而是想通过比较概率的大小来确定研制疫苗使用的亚型。因此,我们可以类比"独立重复试验中试验成功的概率"的计算方法,设置一个比较标准:

$$M(i+1,m) = 1 - \prod_{i=1}^{12} \left(1 - T(X_{ij}) \cdot P(Y_{(i+1),m} \mid X_{ij})\right)$$
 (5.3)

其中,

$$T(X_{ij}) = \begin{cases} 0, \text{如果} X_{ij}$$
不发生 
$$1, \text{如果} X_{ij}$$
发生

由于我们要使用双联装疫苗,我们只需取M(i+1,m)比较大的两种亚型即可。

### 5.1.2.3 模型的求解

数学中国YY网校频道:159214

1、求各亚型的病毒在某个月出现的概率。

将2007年2月至2009年1月各月份的统计到的各国的各亚型病毒发生次数统计如表 5.2

	123	.2 200	リ/ 4-2	月王	20094	-1月1	子月节	万台型	、室州	母塚	又旧り	/Ľ	
A	3	7	8	5	6	4	1	4	5	9	9	12	8
В	38	32	23	13	9	5	4	18	24	29	38	35	49
H1	33	26	18	12	8	5	4	16	24	30	38	37	54
Н3	45	39	28	19	8	5	4	13	19	17	15	18	30
A	6	7	4	7	6	3	0	2	3	1	2	1	
В	49	46	30	23	19	7	2	21	21	24	26	32	X
H1	40	27	25	15	12	5	2	11	15	25	30	31	•
H3	25	24	17	14	11	3	1	13	21	26	31	41	

表522007年2月至2009年1月各月份各亚型病毒爆发情况

将各月份数据再相加,得到2007年2月至2009年1月各亚型病毒发生地总次数和相应的频率,如表5.3所示

表5.3 2007年2月至2009年1月各亚型病毒发生地总次数和相应的频率

	A	В	H1	Н3	总和
总次数	123	617	543	487	1770
频率	0.069492	0.348588	0.30678	0.275141	1

据(5.2),从表5.3中我们可以得到各个亚型的病毒发生地概率为:

# P(A) = 0.069492, P(B) = 0.348588, P(H1) = 0.30678, P(H3) = 0.275141

## 2、求先验概率

统计2008年和2009年间的冬天出现各亚型流感时,2007年2月至2008年1月各月份的出现的亚型个数及频率如表5-4-1,5-4-2,5-4-2,5-4-4所示:

表5-4-1 下年冬天出现A亚型时当年各月情况统计

	月份	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	1
A	发生次数	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	2	2
A	频率	0	0.2	0	0	0	0	0	0	0	0.33	0.29	0.25
В	发生次数	2	2	1	0	0	0	0	0	0	1	3	3
В	频率	0.4	0.4	0.5	0	0	0	0	0	0	0.33	0.43	0.38
PN	_ 发生次数	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	3
I	频率	0.2	0	0	0	0	0	0	0	0	0.33	0.29	0.38
НЗ	发生次数	2	2	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
пэ	频率	0.4	0.4	0.5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
总计	发生次数	5	5	2	0	0	0	0	0	0	3	7	8
	频率	1	1	1	0	0	0	0	0	0	1	1	1

表5-4-2 下年冬天出现B亚型时当年各月情况统计

月份		2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	1
	发生次数	2	5	4	2	/2	1	0	0	0	4	5	9
A	频率	0.027	0.0740	0.0890	0.071	0.1	0.083	0	0	0	0.067	0.0710	0.122
В	发生次数	22	20	16	8	5	3	_ 2	9	14	21	25	26
Б	频率	0.301	0.2940	0.3560	).286	0.25	0.25	0.2	0.3330	.341	0.35	0.3570	0.351
H1	发生次数	20	17	10	6	6	4	4	10	14	22	27	26
пі	频率	0.274	0.250	).2220	).214	0.30	0.333	0.4	0.370	.341	0.367	0.3860	0.351
112	发生次数	29	26	15	12	7	4	4	8	13	13	13	13
Н3	频率	0.397	0.3820	0.3330	).429	0.35	0.333	0.4	0.2960	.317	0.217	0.1860	).176
总计	发生次数	73	68	45	28	20	12	10	27	41	60	70	74
思订	频率	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

表5-4-3 下年冬天出现H1亚型时当年各月情况统计

	月份	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	1
Α.	发生次数	3	3	4	3	3	2	1	1	1	4	4	7
A	频率	0.04	0.04	0.08	0.08	0.14	0.15	0.08	0.03	0.02	0.06	0.06	0.10
В	发生次数	24	23	17	10	5	3	3	11	18	21	26	23
ь	频率	0.31	0.34	0.33	0.27	0.23	0.23	0.25	0.33	0.35	0.34	0.37	0.34
H1	发生次数	21	16	13	8	7	4	4	12	17	24	27	25
пі	频率	0.27	0.24	0.25	0.22	0.32	0.31	0.33	0.36	0.33	0.39	0.38	0.37
Н3	发生次数	29	26	18	16	7	4	4	9	15	13	14	12
нэ	频率	0.38	0.38	0.35	0.43	0.32	0.31	0.33	0.27	0.29	0.21	0.20	0.18

<b>兴</b> 江.	发生次数 频率	77	68	52	37	22	13	12	33	51	62	71	67
忠订	频率	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

表5-4-4 下年冬天出现H3亚型时当年各月情况统计

	月份	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	1
Δ.	发生次数	3	4	6	2	2	1	0	0	1	4	6	10
A	频率	0.03	0.05	0.11	0.06	0.12	0.11	0.00	0.00	0.02	0.06	0.07	0.11
В	发生次数	25	23	17	9	4	2	1	9	16	23	30	31
	频率	0.29	0.30	0.32	0.28	0.24	0.22	0.14	0.35	0.36	0.36	0.36	0.35
.#.H1	发生次数	24	19	12	8	5	3	3	10	16	25	34	32
ПІ	频率	0.28	0.25	0.23	0.25	0.29	0.33	0.43	0.38	0.36	0.39	0.41	0.36
H3	发生次数	34	31	18	13	6	3	3	7	11	12	13	15
пз	频率	0.40	0.40	0.34	0.41	0.35	0.33	0.43	0.27	0.25	0.19	0.16	0.17
总计	发生次数	86	77	53	32	17	9	7	26	44	64	83	88
心口	频率	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

表5-4-1至表5-4-4中的"频率"表示2008年和2009年间的冬天出现某种亚型的流感时,2007年2月至2008年1月各月份的出现的各个亚型的次数及频率。由5.1.2.1中的论述可知,这些"频率"可以近似地认为是先验概率  $P\left(X_{ij} \mid Y^{(k)}_{(i+1),m}\right)$ 。

## 3、 求后验概率

得到了P(A),P(B),P(H1),P(H3)和先验概率 $P(X_{ij}|Y^{(k)}_{(i+1),m})$ 以后,根据5.1.2.1中的分析,由(5.1)可以计算出 $P(Y_{(i+1),m}|X_{ij})$ ,如表5.5所示。

表5.5 后验概率计算值

		A	В	H1	Н3			A	В	H1	Н3
-	A	0	0.307	0.384	0.309		A	0	0	1	0
F-1	В	0.09	0.341	0.31	0.259	A4	В	0	0.375	0.413	0.212
February	H1	0.052	0.354	0.31	0.285	August	H1	0	0.388	0.284	0.328
	НЗ	0.071	0.355	0.296	0.278		Н3	0	0.388	0.284	0.328
	A	0.206	0.381	0.201	0.212		A	0	0	1	0
March	В	0.088	0.324	0.328	0.26	Cantamban	В	0	0.37	0.326	0.304
Maich	H1	0	0.384	0.318	0.299	September	H1	0	0.373	0.322	0.305
	НЗ	0.071	0.342	0.301	0.285		Н3	0	0.396	0.321	0.284
	A	0	0.361	0.275	0.363		A	0	0	0.49	0.51
April	В	0.1	0.357	0.289	0.254	October	В	0	0.364	0.331	0.306
Aprii	H1	0	0.358	0.354	0.288	October	H1	0	0.37	0.318	0.311
	Н3	0.099	0.331	0.303	0.267		НЗ	0	0.41	0.335	0.255
	A	0	0.372	0.371	0.257		A	0.278	0.279	0.237	0.206
May	В	0	0.383	0.319	0.298	November	В	0.067	0.351	0.299	0.284
	H1	0	0.356	0.316	0.328		H1	0.061	0.339	0.315	0.285

#	1	01	0
"		$\mathbf{O}_{\mathbf{I}}$	v

	НЗ	0	0.379 0.337	0.284		Н3	0	0.395	0.336	0.269
	A	0	0.32 0.384	0.297		A	0.242	0.304	0.211	0.243
T.,,,,,	В	0	0.393 0.315	0.292		В	0.081	0.34	0.307	0.272
June	H1	0	0.369 0.345	0.286		Н1	0.052	0.35	0.304	0.294
	Н3	0	0.385 0.308	0.307		НЗ	0	0.385	0.359	0.256
	A 0 0.272 0.442 0.286		A	0.141	0.344	0.26	0.254			
July	В	0	0.398 0.323	0.279	т	В	0.074	0.349	0.3	0.276
	H1	0	0.384 0.312	0.303	January	Н1	0.072	0.337	0.315	0.276
	Н3	0	0.384 0.312	0.303		НЗ	0	0.376	0.337	0.288

# 4、 求各国不同亚型对应的M(i+1,m)

利用表5.5中的后验概率,代入相关数据。通过EXCEL软件进行数据处理,可以得到各国不同亚型对应的M(i+1,m)。表5.6给出了一部分值:

表5.6 部分亚型对应的M(i+1,m)值

	Cameroon	C âte d'Ivoire	Egypt	Ghana	Morocco
A	0.85064625	0.46273985	0.76580428	0.57883276	0.91774284
В	0.9964376	0.73858164	0.95854827	0.98315705	0.92823922
H1	0.99650523	0.74831077	1	0.98244322	0.93190871
Н3	0.99704059	0.75514808	0.9549428	0.9850129	0.92781737

进而可以得到向各国投放疫苗的种类,如表57所示。

表5.7 各国投放疫苗种类

		7	W/X HIII		
Africa		China	в,нз	Germany	B,H1
Cameroon	В,Н3	India	В,Н3	Greece	В,Н3
		Japan	В,Н3	Hungary	H1,H3
Egypt	B,H1	Jordan	H1,H3	Iceland	B,H1
Ghana	В,Н3	Kuwait	В,Н3	Ireland	B,H1
Morocco	B,H1	Malaysia	H1,H3	Israel	B,H1
Senegal	В,Н3	Mongolia	A,H1	Italy	B,H1
Tunisia	H1,H3	Oman	B,H1	Kazakhstan	B,H1
America		Philippines	В,Н3	Kyrgyzstan	A,B
Canada	H1,H3	Qatar	A,H1	Latvia	H1,H3
Colombia	H1,H3	Singapore	B,H1	Lithuania	A,H1
Costa Rica	H1,H3	Sri Lanka	H1,H3	Luxembourg	B,H1
El Salvador	H1,H3	Thailand	В,Н3	Netherlands	B,H1
Guatemala	В,Н3	Europe		Norway	B,H1
Honduras	H1,H3	Austria	B,H1	Poland	B,H1
Mexico	H1,H3	Belarus	A,H3	Portugal	B,H1
Panama	H1,H3	Belgium	B,H1	Romania	B,H1
Paraguay	H1,H3	Bulgaria	В,Н3	Serbia	B,H1

Peru	H1,H3	Croatia	B,H1	Slovakia	H1,H3
Suriname	В,Н3	Denmark	B,H1	Slovenia	B,H1
Venezuela	A,H1	Estonia	В,Н3	Spain	H1,H3
Asia		Finland	B,H1	Sweden	B,H1
Bangladesh	В,Н3	France	B,H1	Switzerland	B,H1

进而可以将划分一些区域,每个区域使用一种双联疫苗。如表5.8所示。

表5.8 疫苗投放方案

В,Н3	Н1,Н3	В,Н1	В,Н1	в,нз	A,H1
Africa	Africa	Africa	Iceland	Africa	America
Cameroon	C âte d'Ivoire	Egypt	Ireland	Cameroon	Trinidad and Tobago
Ghana	Tunisia	Morocco	Israel	Ghana	Venezuela
Senegal	America	America	Italy	Senegal	Asia
America	Canada	France, Martinique	Kazakhstan	America	Mongolia
Guatemala	Colombia	United States of America	Luxembourg	Guatemala	Qatar
Suriname	Costa Rica	Asia	Netherlands	Suriname	Europe
United	El	China	Norway	United	Lithuania
Kingdom,	Salvador	(Province		Kingdom,	
Montserrat		ofTaiwan)	W <sub>1</sub>	Montserrat	
Asia	FranceFre nch,Guian a	China, Hong KongSAR	Poland	Asia	Oceania
Bangladesh	France, Guadeloup e	Iran (IslamicRepu blic of)	Portugal	Bangladesh	
China	Honduras	Oman	Romania	China	
India	Mexico	Republic of Korea	Russian Federation	India	А,Н3
Japan	Panama	Singapore	Serbia	Japan	Europe
Kuwait	Paraguay	Europe	Slovenia	Kuwait	Belarus
Philippines	Peru	Austria	Sweden	Philippines	
Thailand	Asia	Belgium	Switzerland	Thailand	
Europe	Jordan	Croatia	Turkey	Europe	
Bulgaria	Malaysia	Czech Republic	United Kingdom of Great Britain and Northern Ireland	Bulgaria	A,B
Estonia	Sri Lanka	Denmark	Ukraine	Estonia	Europe
Georgia	Europe	Finland	Oceania	Georgia	Kyrgyzsta n
Greece	Hungary	France	United States of America,	Greece	

			Guam		
Oceania	Latvia	Germany		Oceania	
	Slovakia				
	Spain				
	Oceania				

### 5.2 概率评价模型

流感疫苗的制造成本较高,因而考虑将三联装疫苗改变成双联装,分地区投放。成本的高低直接影响着疫苗的价格,进而易感人群的购买力。因此降低疫苗成本可以使更多的人有能力使用疫苗,从而对于整体的抗击流感工作是有益的。但另一方面,双联装的疫苗比三联装的疫苗需要承担更多的疫苗与实际流行病毒不匹配的风险。因而我们希望建立一个评价模型,来评价5.1.1和5.1.2的投放方案的效果,并与现行方案进行对比评价。

## 5.2.1.1 成本与疫苗使用率的关系

数学中国YY网校频道:159214

设疫苗的成本为s,由于成本与售价之间是正相关的,为了简化模型,不妨设它们之间成线性关系,因而可以设疫苗的价格q=ks+a。

易感人群对于疫苗的价格的承受力是有一定限度的,设这个限度为 $S_M$ 。可以认为,当疫苗的价格大于S时,疫苗的使用率为0。另外,如果假设易感人群都是愿意注射疫苗的,那么,当疫苗的价格足够低时,不妨设为 $S_m$ ,疫苗使用率几乎为1。当疫苗的价格水平很低(接近 $S_m$ )时,提高价格对于疫苗的使用率影响不是很大,即疫苗使用率随着价格提高而降低的速度比较平缓;当疫苗的价格水平很高(接近 $S_M$ )时,降低价格对于疫苗的使用率的影响也不是很大,也即疫苗使用率随着价格降低而提高的速度也比较平缓。但是在疫苗的价格适中的时候,疫苗价格的提高或者降低对于疫苗的使用率的影响却比较大。(如图5.1所示)因而,疫苗的使用率与疫苗的价格之间的函数关系可以用"降岭函数"来描述。

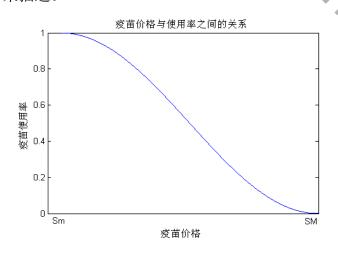


图5.1 疫苗价格与使用率之间的关系

"降岭函数"是一种隶属函数,各相邻等级之间的数值差距并不是相等的,在起始等级和结束等级其变化差距较大,在中间等级时其变化较之稳定,而且函数是对称的。这个"等级",就相应于上述的疫苗使用率。使用"降岭函数"对于成本与疫苗使用率之间的关系进行定量描述:

$$\begin{cases}
H(q) = \begin{cases}
1 & q < S_m \\
0.5 - 0.5 \sin \frac{\pi}{S_M - S_m} \left( q - \frac{S_M + S_m}{2} \right), S_m \le q \le S_M \\
0 & q > S_M
\end{cases}$$
(5.4)

其中H(q)表示疫苗价格为q时的疫苗使用率。

5.2.1.2 疫苗与实际流行病毒不匹配的风险的度量

双联装的疫苗比三联装的疫苗需要承担更多的疫苗与实际流行病毒不匹配的风险。 事实上,无论是哪一种方案,都存在这种风险。我们用疫苗与实际流行病毒不匹配的概率 p 来衡量这种风险的大小。

在实际计算中,2009年12月至2010年2月这个冬天的实际情况是未知的,所以计算2009年至2010年间的冬天的疫苗的不匹配概率是不容易实现的。考虑到方案的优劣主要是由方案本身决定的,所以我们历史月份的数据进行p的度量以评价方案。具体而言,就是依据2007年2月至2008年1月的数据,使用不同的方案的方法,确定2008年12月至2009年1月这个冬天所使用的疫苗。而2008年12月至2009年1月这个冬天的实际流感病毒流行情况我们是知道的,因而比较容易计算概率p。具体过程为:

- (1)使用某种方案,据2007年2月至2008年1月的数据,确定2008年12月至2009年1月这个冬天所使用的疫苗。
- (2) 参照2008年12月至2009年1月的数据,统计(1)中的疫苗不能满足实际需要的国家的个数占总国家个数的比例。这个比例即为疫苗与实际情况不匹配的频率。

由于国家的个数比较多,根据概率论的大数定律,这个频率即可近似地作为疫苗与实际情况不匹配的概率 p。

#### 5.2.1.3 综合评价

数学中国YY网校频道:159214

由于投放方案的优劣与疫苗的使用率和疫苗的不匹配率有关,并且,疫苗的使用率 越高,疫苗的不匹配率低,投放方案就越优。这样,我们可以以

$$Q = H(q)(1-p) (5.5)$$

为标准进行衡量, Ø越大, 方案越优, Ø越小, 方案越劣。此即为概率评价模型。

## 六、问题二模型建立与求解

### 6.1 筛选模型:

依据题中给出的参考文献,我们可以获取出病毒专家在确定具体疫苗时所采用的方法:首先寻找流感比较严重的国家,然后从这些国家感染流感病毒的人群中分离出流感病原体,对分离出的流感病原体采用血凝抑制试验等方法寻找其类似的毒株,如果不同的病原体有相同的类似毒株,这类病原体将作为同种毒株看待,相同亚型的前提下如果最后某种毒株的量最多就作为此种亚型病毒的具体毒株,即下一年的疫苗。

分析题目我们可以知道,题目要求我们筛选出对下一年威胁较大的病毒,并确定其最可能出现的地方。在此我们利用病毒专家在确定疫苗组成时利用的方法进行我们的筛选过程,认真思考这个方法不难发现,最终所获取的疫苗实际上就是今年出现概率最多的病毒,也就是说对下一年威胁较大的病毒是今年较流行的病毒,也是我们选取疫苗时应该选择的。分析参考文献中的数据我们也可以得到如下的规律:

- (1) 如果此种类型的病毒在今年的威胁相对比较大,那么在下一年这个病毒的危害将会相对比较小,反之今年的威胁相对较小的病毒,那么下一年时威胁将会较大;
- (2) 如果某一地区今年发生了严重的流感,那么下一年发生流感的相对可能性会较大,如果今年没有发生或者发生的是比较轻微的流感,那么下一年发生的仍是比较轻微的流感;
- (3)如果某一地区今年所有的病毒每个月都有威胁,而且大小不一,有较大有较小,那么下年可能会有较强的威胁;

针对上述规律,我们进行了如下的思考:对于规律(1),我们认为是因为在下一年中接种了上一年比较严重的病毒组合而成的疫苗,导致其影响能力下降,而其他病毒由于没有疫苗的抵制作用影响范围得到上升;对于规律(2),某个地区如果发生了较为严重的流感,我们可以认为它的环境因素是病毒所需的环境,因此在下一年发生流感的概率也就很大;规律(3),因为这种病毒的危害不是很大,往往容易被忽略,随着时间的推移危害可能越来越大。

通过上面对数据的分析与思考也进一步验证了我们前面的想法,所以说我们的想法 是正确的,我们应该选择今年较流行的病毒作为威胁较大的病毒,说明流感较严重的国 家的流感病毒具有很强的可研究性。那么首先我们要确定的就是流感较严重的国家。

在这里我们做出了如下的模型假设:

- (1) 假设区域活动和广泛活动即表示流感较严重,零星活动、当地活动表示流感不严重:
- (2) 假设同种亚型的不同病毒仅仅是结构不同,但是产生的威胁没有区别,例如在不同国家\*\*\*B 所造成的威胁仅与这些国家的人口、面积有关:
- (3) 假设有一个月份出现了威胁较大的病毒,即认为此国家的流感较严重;
- (4)假设由于流感病毒的可传染性,我们认为相近地区的病毒具有相似性,其是同一种类似株的概率也比较大;

## 6.1.1.确定流感较严重的国家

利用上面的分析及假设对每个国家进行判定,即可得到流感较严重的国家,并且得到了使其流感严重的具体亚型,具体如下表所示:

表 6.1 流感较严重的国家

	次 0.1 70000000000000000000000000000000000	
Country, area or territory	2008年威胁较大	2008年威胁较小
Africa		
South Africa	***H1	*H3,*B
Tunisia	***H3	*H1,*B
	14	

America		
Argentina	****A,****B,***H1	*H1,*A,*B
Brazil	****A,****B,****H1	*H1,*A,*B
Chile United States of America	***H1 ****A,****B,****H1	*H1,*A,*B **H1,*H3,**B
Asia Japan	****H1, ****H3,	*H1,*H3,*B
Europe		
Austria	***A	*H3,
Belgium	****H3,	*H1, *B
Czech Republic	***H3	*B
Denmark	****H3	*H1
Estonia	****H3	*H1,*B
France	****H3	*H1,*B
Germany	****H3	*H1,*B
Hungary	***H3	
Latvia	***H3	*H1,*A,*B
Luxembourg	****H3	*H1
Netherlands	****H3	*H1,*B
Norway	****H3	*H1,*B
Portugal	****H3	*H1,*B
Slovenia	****H3	*H1,*B
Spain	****H3	*H1,*B
Sweden	****H3	*H1,*B
Switzerland	****H3 ****H3	*B
United Kingdom	****H3	*B
Oceania	Υ	<b>/</b> /
Australia	***B,***H3	*H1,*H3,*B
New Zealand	****B,****H3	*H1,*B

## 6.1.2.不同病毒的具体研究区域

数学中国YY网校频道:159214

数学中国教师交流群:70339631

通过上面的过程,我们就筛选出了流感较为严重的国家。那么接下来的任务就转化 为确定不同病毒所需的更小的研究范围。由题目我们可以知道,现在的疫苗多为三联装, 所以我们需要确定三种具体毒株的影响范围, 而观察上表我们发现 A 的影响最小, 所以 我们决定排除 A 的作用,只研究 B, H1 和 H3 三种亚型的具体毒株。

通过观察上表,我们可以发现对于 B 病毒只有阿根廷、巴西、美国、澳大利亚与新 西兰这几个国家的影响情况较为严重。所以为了研制针对 B 病毒的疫苗,专家们只需在 这些国家中研究即可。这样 B 的研究范围就确定了: 阿根廷、巴西、美国、澳大利亚与 新西兰。

B 病毒的研究范围确定后,接下来我们需要研究的就是 H1,H3 的研究范围,通过观 察数据发现,受 H1 和 H3 影响的区域呈现一定的规律,受 H1 影响的区域主要集中在美 洲和亚洲, 而受 H3 影响的区域主要集中在欧洲地区, 这样确定的国家中受 H1 影响的 区域不是很大,符合题中缩小范围的要求,然而尽管我们把 H3 的研究范围缩小至欧洲, 但是国家仍然很多,区域也很大。利用假设(4),我们认为进一步缩小范围时应根据地 理位置关系,通过在地图上确定这些国家的地理位置,取相邻或相近的国家作为我们的 研究范围,由此就进一步减小了 H3 的研究范围,所得的最终结果如下:

表 6.2 最终确定的 H1, H3	的研究范围
--------------------	-------

7C 912 3C	(1911)CH3 1111 115 H31917 H16E	
B型病毒	H1 亚型病毒	H3 亚型病毒
Argenting	South Africa	Belgium
	Argentina	Denmark
	Brazil	France
	Chile	Germany
	United States of America	Netherlands
New Zealand	Japan	Spain
	-	United Kingdom
		Argentina Brazil United States of America Australia New Zealand South Africa Argentina Brazil Chile United States of America

为了对模型进行检验,这里我们用07年的数据预测08年的数据,得到08年 预测流感较严重的国家,并与08年各国的实际情况做对比,根据07年的数据预测 出的08年流感较严重的国家如下表所示:

Country, area or territory	2007年威胁较大	2007年威胁较小
America	<b>1</b>	
Canada	***H1	*H1,*H3,*B
France, Guadeloupe	***A	
United States of America	****A,****B,****H1	**H1,*H3,**B
Asia	VII.	
China	***B	**B, **H3
Japan	***H1,	*H1,*H3,*B
Europe	1/2-	
Austria	***H1	*H3,
Belarus	***H1	*H3,*B
Belgium	****H1,	*H1, *B
Czech Republic	***H1	*B •
Estonia	****H1	*H1,*B
France	****H1	*H1,*B
Hungary	***H1,***B	•
Luxembourg	****H1	*H1
Portugal	****H1	*H1,*B
Slovenia	****H1	*H1,*B
Spain	****H1	*H1,*B
Switzerland	****H1	*B
United Kingdom	****H1	*B
Oceania		
New Zealand	***B	*H1,*B

而我们知道表 6.1 即是 08 年实际流感较严重的国家,对比两个表格,我们可以

发现这两个表格的吻合艺术很高,而且变化也符合我们在问题之前所做的假设,所以我们认为我们的模型是正确的。

## 七、问题三模型建立与求解

对题目进行思考总结分析,我们可以认为在问题一中题目要求我们做的是分区域进行二联装的投放疫苗,并将投放方案与三联装时进行比较,问题二中是希望我们在三联装的前提下为流感专家缩小确定流感疫苗的范围,也就是说确定每种亚型的流感病毒比较严重的国家,这样流感专家就可以通过提取分离这些地区的流感病毒得到下一年的疫苗,仔细分析问题三,我们认为由于政府的资金有限,就不可能每个国家都资助,因此我们认为在考虑这个问题时,我们应该综合考虑两方面的认识:

- (1) 每个国家的经济及医疗水平情况;
- (2) 每个国家流感的严重情况;

我们认为像美国、法国、英国等发达国家即使他们的流感疫情比较严重也不需要联合国的援助,因此我们首先根据各国的基本国情缩小我们所需要的研究国家的范围。

分析参考文献,我们可以从中提取出影响各国医疗水平的体系表,如下表所示:

表 7.1 医疗水平指标体系表

	衣 7.1 医打爪干指协件糸衣	
准则层	指标层	单位
	5岁以下年龄别低体重儿	%
	5岁以下儿童死亡率	每千例活产中5岁死
		亡的概率
	一岁以下儿童麻疹疫苗接种率	%
	孕产妇死亡率	每 100 000 例活产
	专业医护人员的接生	%
	避孕普及率	%
	青春期生育率	每1000 个15-19岁
	'0'.	之间的女孩
	产前检查覆盖率	%
	未满足的计划生育需求	%
区域和国家的图表	每100 000 人中15岁(含)以上成年人艾滋	10
	病毒感染率	<u> </u>
	15-24岁之间接受全面正确的艾滋病毒/艾	%
	滋病知识的男性比例	
	15-24岁之间接受全面正确的艾滋病毒/艾 滋病知识的女性比例	%
	晚期艾滋病感染者接受抗逆转录病毒疗法	
	的覆盖率	%
	每100 000 人中疟疾造成的死亡率	
	5岁以下儿童睡在经杀虫剂处理的蚊帐里的	0/
	比例	%
	五岁以下发烧儿童接受抗疟治疗的比例	%
	按照DOTS策略实现的成功治愈率	%

	安全饮用水的可及性	%
	改良后的卫生设施的可及性	%
	出生期望寿命	年
	出生健康期望寿命	年
	新生儿死亡率	每1000 例活产
	婴儿死亡率	每1000例活产儿中从
东宁安和佐佐名和		出生到1岁时死亡的概
死亡率和疾病负担		率
	5岁以下死亡率	每1000例活产儿5岁以
		下死亡的概率
	成人死亡率	每1000人中在15岁到
40,		60岁之间死亡的概率
	死亡率	%
	孕产妇死亡率	每 100 000活产儿
	病因特异性死亡率	每100 000人
	按病因分列的标准化 (年龄调整) 死亡率	每100 000人
病因特异性死亡率	由主要病因造成的生命年损失构成	%
与发病率	5岁以下儿童死因构成	%
	发病率	
	结核病发病率	每100 000人
	结核病发病率	每年每100 000人
	≥15岁成人的艾滋病毒感染率	每100 000人
	霍乱	
	白喉	
	H5N1型流感	
	日本脑炎	
	麻风病	
	疟疾	
	麻疹	<i>h</i>
	脑膜炎	10
部分传染病报告病	流行性腮腺炎	
例数	百日咳	
	鼠疫	
	脊髓灰质炎	
	先天性风疹综合征	
	风疹	
	新生儿破伤风	
	破伤风总计	
	结核病	
	黄热病	
卫生服务覆盖率	产前检查覆盖率	%

	由专业医务人员辅助的分娩	%
	剖腹产率	%
	新生儿出生时获新生儿破伤风保护的情况	%
	1岁以下儿童的免疫覆盖率	%
	6-59个月之间的儿童接受维生素A的补充情况	%
	5岁以下儿童睡在经杀虫剂处理的蚊帐里的比例	%
	5岁以下发烧儿童接受抗疟药物治疗的比例	%
	5岁以下具有急性呼吸道感染症状儿童被送往医	%
	疗机构的比例	
*	接受口服补液疗法的5岁以下腹泻病患儿	%
44	未满足的生育需要	%
	避孕普及率	%
797	为预防母婴传播,感染艾滋病毒的孕妇接受抗逆	%
	<b>转</b> 录病毒疗法的覆盖率	,-
4	晚期艾滋病毒感染者接受抗逆转录病毒疗法的覆	%
	盖率	,,,
	DOTS策略下的结核病发现率	%
	DOTS策略下的结核病治愈率	%
	改良饮用水源的可获得性	%
	改良卫生设施的可获得性	%
	低体重新生儿	%
	出生头6个月实行纯母乳喂养的婴儿	%
	5岁以下儿童年龄别发育不良的比例	%
	5岁以下儿童中年龄别低体重的比例	%
	5岁以下儿童中年龄别超重的比例	%
风险因素	≥15岁的肥胖成年人群	%
	≥15岁成人中酒精的消耗量(每年的纯酒精升量)	%
	成人现在使用烟草的流行率 (≥15 years)	%
	青少年现在使用烟草的流行率(13 - 15 years)	%
	成人在具有高风险性的性行为中使用避孕套的流	10
	行率 (15 - 49)	%
	15-24 岁之间的人群全面正确了解艾滋病毒/艾滋	• )
	病知识的比例	%
	卫生人力和基础设施	
	医生的数量和密度	每10 000 人
	护士和助产士的数量和密度	每10 000 人
刀件人士 甘油汎	牙科医生的数量和密度	每10 000 人
卫生人力、基础设 施、基本药物	社区卫生工作者的数量和密度	每10 000 人
心、至平约初		
	其他卫生服务的提供者的数量和密度	每10 000人
	病床数	每10 000 人
	基本药物	

数学中国YY网校频道:159214 数学中国www.madio.net 数学中国公众微信平台:shuxuezhongguo

公立和私立机构中对选定的非专利药物的中包用符 性 公立和私立机构中对选定的非专利药物的中间消 费价格比 卫生总费用占GDP的比例 政府总体卫生投入占卫生总费用的比例 个人卫生支出占卫生总费用的比例 外部卫生投入占卫生总费用的比例 外部卫生投入占卫生总费用的比例 社会保障性卫生费用占政府卫生投入的比例 自费占个人卫生费用的比例 个人预付计划占个人卫生费用的比例 按平均汇率(美元)来计算的人均政府卫生费用 大均区生总费用 按平均汇率(美元)来计算的人均政府卫生费用 大均政党卫生费用 大均政党卫生费用 大均政党卫生费用 大均政党卫生费用 大均政党工作费用 大均政党工作 发展 经营业 有			
公立和私立机构中对选定的非专利药物的中间消费价格比 卫生总费用占GDP的比例 政府总体卫生投入占卫生总费用的比例 政府总体卫生支出占政府总支出的比例 外部卫生投入占卫生总费用的比例 对部之生投入占卫生总费用的比例 外部卫生投入占卫生总费用的比例 外部卫生投入占卫生总费用的比例 个本人预付计划占个人卫生费用的比例 个人预付计划占个人卫生费用的比例 在学均汇率(美元)来计算的人均政府卫生费用 人均卫生总费用 按平均汇率(美元)来计算的人均政府卫生费用 人均双种卫生费用 专业核生为而存在的不公平 一岁以下此童账疹免疫率的不公平 5岁以下儿童死产率的不公平 5岁以下儿童死产率的不公平 41000活产儿5岁以下儿童的死亡概率 人口数:总计 人口数:总计 人口数:自动工程、一次,年龄中位数 年年人口数:15岁以下 人口数:60岁以上 人口有增长率 域区人口 生命登记的覆盖率:出生率和死亡率 总生育率 青春期生育率 成人识字率 水学净入学率 人均国民总收入 PPP.int.\$		公立和私立机构中选定的非专利药物的中位可得	%
要价格比  卫生总费用占GDP的比例  政府总体卫生技入占卫生总费用的比例  个人卫生支出占卫生总费用的比例  政府总体卫生支出占政府总支出的比例  外部卫生投入占卫生总费用的比例  外部卫生投入占卫生总费用的比例  社会保障性卫生费用占政府卫生投入的比例  自费占个人卫生费用的比例  个人预付计划占个人卫生费用的比例  按平均汇率(美元)来计算的人均卫生总费用  大均卫生总费用  按平均汇率(美元)来计算的人均政府卫生费用  大均卫生总费用  专业核生力面存在的不公平  一岁以下儿童疾免疫率的不公平  一岁以下儿童疾免疫率的不公平  5岁以下儿童死亡繁的不公平  人口数:总计  人口数:总计  人口数:自步以下  人口数:15岁以下  人口数:15岁以下  人口数:15岁以下  人口数:60岁以上  人口年增长率  城区人口  生命登记的覆盖率:出生率和死亡率  高生育率  有名归女 青春期生育率  成人识字率  小学入学率  人均国民总收入  PPP.int.\$			
卫生总费用占GDP的比例 政府总体卫生投入占卫生总费用的比例 个人卫生支出占政府总支出的比例 外部卫生投入占卫生总费用的比例 外部卫生投入占卫生总费用的比例 外部卫生投入占卫生总费用的比例 外部卫生投入占卫生费用的比例 性会保障性卫生费用占政府卫生投入的比例 自费占个人卫生费用的比例 个人预付计划占个人卫生费用的比例 按平均汇率(美元)来计算的人均政府卫生费用 大均政府卫生费用 专业核生力而存在的不公平 一岁以下儿童炼疹免疫率的不公平 5岁以下儿童死亡案的不公平 5岁以下儿童死亡案的不公平 5岁以下儿童死亡案的不公平 4口数:总计 人口数:总计 人口数:年龄中位数 人口数:15岁以下 人口数:60岁以上 人口年增长率 城区人口 生命登记的覆盖率:出生率和死亡率 高生育率 请名妇女青春期生育率 成人识字率 小学净入学率 人均国民总收入 PPP.int.\$			
取府总体卫生投入占卫生总费用的比例			
中人卫生支出占卫生总费用的比例 政府总体卫生支出占政府总支出的比例 外部卫生投入占卫生总费用的比例 社会保障性卫生费用占政府卫生投入的比例 自费占个人卫生费用的比例 在今人预付计划占个人卫生费用的比例 按平均汇率(美元)来计算的人均卫生总费用 大均工生总费用 按平均汇率(美元)来计算的人均政府卫生费用 大均政党卫生费用 专业战生力而存在的不公平 一岁以下儿童所珍免疫率的不公平 5岁以下儿童所珍免疫率的不公平 5岁以下儿童所必免疫率的不公平 人口数:总计 人口数:总计 人口数:自涉以下 人口数:15岁以下 人口数:60岁以上 人口年增长率 城区人口 生命登记的覆盖率:出生率和死亡率 竞生的覆盖率:出生率和死亡率 接1000 名妇女青春期生育率 成人识字率 小学净入学率 人均国民总收入 PPLint.\$			
政府总体卫生支出占政府总支出的比例  外部卫生投入占卫生总费用的比例  社会保障性卫生费用占政府卫生投入的比例 自费占个人卫生费用的比例  不人预付计划占个人卫生费用的比例  技平均汇率(美元)来计算的人均卫生总费用  大均工生总费用  技可发生总费用  技可发生总费用  专业核生力而存在的不公平 —岁以下儿童陈珍免疫率的不公平 5岁以下儿童所还完整的不公平 5岁以下儿童所还整个疫率的不公平  人口数:总计 人口数:总计 人口数:15岁以下 人口数:60岁以上 人口专增长率 域区人口 生命登记的覆盖率:出生率和死亡率 总生育率 青春期生育率 成人识字率 人均国民总收入  PPEint.\$			
中央			
卫生费用 自费占个人卫生费用的比例 个人预付计划占个人卫生费用的比例 按平均汇率(美元)来计算的人均卫生总费用 大均卫生总费用 按平均汇率(美元)来计算的人均政府卫生费用 人均政府卫生费用 人均政府卫生费用 专业核生力而存在的不公平 一岁以下儿童死产繁的不公平 5岁以下儿童死产繁的不公平 5岁以下儿童死产繁的不公平 5岁以下儿童死产繁的不公平 4000活产儿5岁以下 儿童的死亡概率 人口数:总计 人口数:15岁以下 人口数:15岁以下 人口数:60岁以上 人口年增长率 城区人口 生命登记的覆盖率:出生率和死亡率 意生育率 有名妇女 青春期生育率 成人识字率 小学净入学率 人均国民总收入 PPD.int. \$			
卫生费用 自费占个人卫生费用的比例 个人预付计划占个人卫生费用的比例 按平均汇率(美元)来计算的人均卫生总费用 人均卫生总费用 接平均汇率(美元)来计算的人均政府卫生费用 人均政府卫生费用 专业接生方面存在的不公平 一岁以下儿童床珍免疫率的不公平 5岁以下儿童床ど来的不公平 5岁以下儿童床ど来的不公平 「每1000活产儿5岁以下儿童的死亡概率 人口数:总计 人口数:年龄中位数 年 人口数:15岁以下 人口数:60岁以上 人口年增长率 城区人口 生命登记的覆盖率:出生率和死亡率 。 每2妇女青春期生育率 成人识字率 小学净入学率 人均国民总收入 PPP inft.\$			
日费占个人卫生费用的比例 个人预付计划占个人卫生费用的比例 按平均汇率(美元)来计算的人均卫生总费用 及印生总费用 接平均汇率(美元)来计算的人均政府卫生费用 人均政府卫生费用 专业接生力而存在的不公平 一岁以下儿童旅途免疫率的不公平 5岁以下儿童死亡素的不公平  人口数:总计 人口数:总计 人口数:年龄中位数 年人口数:15岁以下 人口数:60岁以上 人口年增长率 城区人口 生命登记的覆盖率:出生率和死亡率 总生育率 青春期生育率 成人识字率 小学净入学率 人均国民总收入  PPP int.\$	<b>卫生费</b> 用	社会保障性卫生费用占政府卫生投入的比例	
按平均汇率(美元)来计算的人均卫生总费用 按平均汇率(美元)来计算的人均政府卫生费用 人均政府卫生费用 专业接生方面存在的不公平 一岁以下儿童账产案的不公平 5岁以下儿童处产案的不公平 5岁以下儿童处产案的不公平 4口数:总计 人口数:结计 人口数:15岁以下 人口数:60岁以上 人口车增长率 城区人口 生命登记的覆盖率:出生率和死亡率 总生育率 青春期生育率 成人识字率 小学净入学率 人均国民总收入 PPP.int.\$		自费占个人卫生费用的比例	
大均卫生总费用   按平均汇率 (美元) 来计算的人均政府卫生费用   大均政府卫生费用   专业核生方面存在的不公平   一岁以下儿童旅疹免疫率的不公平   毎1000活产儿5岁以下   儿童的死亡概率   人口数: 总计   人口数: 总计   人口数: 年龄中位数   年   人口数: 15岁以下   %   人口数: 60岁以上   %   人口年增长率   %   城区人口   生命登记的覆盖率: 出生率和死亡率   %   总生育率   每名妇女   青春期生育率   每月如女   青春期生育率   成人识字率   %   人均国民总收入   PPP int. \$	44	个人预付计划占个人卫生费用的比例	
接平均汇率 (美元) 来计算的人均政府卫生费用	146	按平均汇率(美元)来计算的人均卫生总费用	
卫生不公平       专业接生方面存在的不公平         一岁以下儿童旅途免疫率的不公平       每1000活产儿5岁以下儿童的死亡概率         5岁以下儿童死亡率的不公平       每1000活产儿5岁以下儿童的死亡概率         人口数:总计       人口数:年龄中位数         人口数:15岁以下       %         人口数:60岁以上       %         人口年增长率       %         域区人口       %         生命登记的覆盖率:出生率和死亡率       %         总生育率       每名妇女         青春期生育率       每1000 名妇女         成人识字率       %         小学净入学率       %         人均国民总收入       PPP int.\$		人均卫生总费用	
卫生不公平       专业接生方面存在的不公平       每1000活产儿5岁以下儿童的死亡概率         5岁以下儿童死亡率的不公平       每1000活产儿5岁以下儿童的死亡概率         人口数:总计人口数:年龄中位数       年         人口数:15岁以下       %         人口数:60岁以上人口数:60岁以上人口等增长率       %         技育率       每名妇女青春期生育率成人识字率水学净入学率人均国民总收入       %         人均国民总收入       PPP int.\$		按平均汇率 (美元) 来计算的人均政府卫生费用	
卫生不公平       一岁以下儿童麻疹免疫率的不公平       毎1000活产儿5岁以下儿童的死亡概率         5岁以下儿童死亡率的不公平       毎1000活产儿5岁以下儿童的死亡概率         人口数: 总计       人口数: 自5岁以下 %         人口数: 15岁以下       %         人口報性长率       %         域区人口       %         生命登记的覆盖率: 出生率和死亡率 %       %         总生育率       每2月女         青春期生育率       每1000 名妇女         成人识字率       %         小学净入学率       %         人均国民总收入       PPP int. \$		人均政府卫生费用	
上生木公平       5 岁以下儿童死亡素的不公平       毎1000活产儿5岁以下		专业接生方面存在的不公平	
5 岁以下儿童死亡案的不公平       每1000活产儿5岁以下 儿童的死亡概率         人口数: 总计 人口数: 年龄中位数 人口数: 15岁以下 人口数: 60岁以上 人口年增长率 城区人口 生命登记的覆盖率: 出生率和死亡率 总生育率 青春期生育率 成人识字率 小学浄入学率 人均国民总收入       %         5 岁以下儿童死亡案的不公平 年       每1000活产儿5岁以下 %         4 位数: 15岁以下 %       %         5 岁以上 %       %         4 位数: 15岁以下 %       %         5 岁以下儿童死亡数       %         6 公表       9         6 公表       9         6 公表       9         6 公表       9         7 公表       %         7 分別       9         8 分別       9         9       9         10 分別       9 <td>ᄑᄮᅎᄮᆓ</td> <td>一岁以下儿童麻疹免疫率的不公平</td> <td></td>	ᄑᄮᅎᄮᆓ	一岁以下儿童麻疹免疫率的不公平	
人口数: 总计       年         人口数: 年龄中位数       年         人口数: 15岁以下       %         人口数: 60岁以上       %         人口年增长率       %         城区人口       %         生命登记的覆盖率: 出生率和死亡率       %         总生育率       每名妇女         青春期生育率       每1000 名妇女         成人识字率       %         小学净入学率       %         人均国民总收入       PPP int. \$	卫生个公平	5 岁以下儿童死亡率的不公平	每1000活产儿5岁以下
人口数: 年龄中位数       年         人口数: 15岁以下       %         人口数: 60岁以上       %         人口年增长率       %         城区人口       %         生命登记的覆盖率: 出生率和死亡率       %         总生育率       每名妇女         青春期生育率       每1000 名妇女         成人识字率       %         小学净入学率       %         人均国民总收入       PPP int. \$			
人口数: 15岁以下%人口数: 60岁以上%人口年增长率%城区人口%生命登记的覆盖率: 出生率和死亡率%总生育率每名妇女青春期生育率每1000 名妇女成人识字率%人均国民总收入PPP int. \$		人口数:总计	
人口数: 60岁以上       %         人口年增长率       %         城区人口       %         生命登记的覆盖率: 出生率和死亡率       %         总生育率       每名妇女         青春期生育率       每1000 名妇女         成人识字率       %         小学净入学率       %         人均国民总收入       PPP int. \$		人口数:年龄中位数	年
人口年增长率       %         城区人口       %         生命登记的覆盖率:出生率和死亡率       %         总生育率       每名妇女         青春期生育率       每1000 名妇女         成人识字率       %         小学净入学率       %         人均国民总收入       PPP int. \$		人口数: 15岁以下	%
城区人口%生命登记的覆盖率: 出生率和死亡率%总生育率每名妇女青春期生育率每1000 名妇女成人识字率%小学净入学率%人均国民总收入PPP int. \$		人口数: 60岁以上	%
人口与社会经济统计       生命登记的覆盖率: 出生率和死亡率       %         总生育率       每名妇女         青春期生育率       每1000 名妇女         成人识字率       %         小学净入学率       %         人均国民总收入       PPP int. \$		人口年增长率	%
注意       生命登记的復靈率: 出生率和死亡率       %         总生育率       每名妇女         青春期生育率       每1000 名妇女         成人识字率       %         小学净入学率       %         人均国民总收入       PPP int. \$		城区人口	%
总生育率       每名妇女         青春期生育率       每1000 名妇女         成人识字率       %         小学净入学率       %         人均国民总收入       PPP int. \$		生命登记的覆盖率: 出生率和死亡率	%
成人识字率       %         小学净入学率       %         人均国民总收入       PPP int. \$	T	总生育率	每名妇女
小学净入学率       %         人均国民总收入       PPP int. \$		青春期生育率	每1000 名妇女
小学净入学率       %         人均国民总收入       PPP int. \$		成人识字率	%
人均国民总收入 PPP int. \$			
			PPP int.\$

在考虑这个问题时,我们首先评判各国的医疗水平,在参考文献中给出了很多可以 用来评价的指标,如上表所示。通过上表我们还可以看出一个问题,那就是题中给的评 价指标过多,如果直接利用这些指标进行评价,将会是一项很烦琐的工作,因此我们认 为应该首先对这些指标进行筛选,获取有用指标,进而简化对各国经济水平及医疗水平 的评价过程。因此,下面我们要做的就是简化评价指标。

通过整理参考文献,我们可以得到与每个国家对应的所有指标的取值,如下表所示: 表 7.2 每个国家的相应指标的取值

国家	2.5岁以	一岁以	孕产妇死		青春期	每 100	按照	安全饮	改良后
当外	下儿童	下儿童	亡率(每		生育率	000 人	DOTS	用水的	的卫生
	死亡率	麻疹疫	100 000		工 月 年 ( 毎	中 15 岁	策略实	可及性	设施的
	(毎千例	苗接种	例活产)		1000	(含)	现的成	(%)	可及性
	活产中	田 安 /T 率(%)	DHO)		个	以上成	功治愈	(70)	(%)
	5 岁死	平(70)			15-19	年人艾	为 们 总 率 (%)		(70)
	亡的概				岁之间	滋病毒	平 (70)		
	率)				的女孩)	感染率			
阿尔巴	15	97	92	•••••	13	0	93	97	97
尼亚									
阿尔及	37	92	180		4	87	91	85	94
利亚	***	7-	100		·	0,	7.2		
阿富汗	257	70	1800		151	0	84	22	30
阿根廷	16	99	77		62	409	63	96	91
阿拉伯	18	98	97		4	0	77	0	97
利比亚			A					-	
民众国									
阿拉伯	8	92	<b>×</b> 37		23	0	79	100	97
联合酋		7-					.,	100	
长国									
阿拉伯	17	98	130	<b>X</b>	75	0	86	89	92
叙利亚		, ,		`					
共和国					1.				
阿曼	12	97	64		1/1, 11	0	86	0	0
阿塞拜	39	97	82		44	120	60	78	80
疆						6			
埃及	36	97	130		27	18	87	98	66
埃塞俄	119	65	720		109	1907		42	11
比亚						, ()			
爱尔兰	4	87	1		17	161	0	0	0
爱沙尼	6	96	25		20	871	68	100	95
亚									
安道尔	4	94	0		10	0	75	<b>×</b> 100	100
安哥拉	158	88	1400	•••••	165	1962	18	51	50
安提瓜	11	99	0		67	0	0	0	0
和巴布									
达									
奥地利	4	79	4		12	138	71	100	100
澳大利	6	94	4		15	107	85	100	100
亚									
巴巴多	12	75	16		51	914	100	100	99
斯	·					·			
巴布亚	65	58	470		70	1395	73	40	45
新几内									

数学中国教师交流群:70339631

亚									
巴哈马	13	96	16	••••	43	2508	75	0	100
巴基斯	90	80	320	••••	20	89	88	90	58
坦									
巴拉圭	29	80	150	•••••	65	501	83	77	70
巴林	10	99	32	•••••	15	0	86	0	0
巴拿马	23	89	130	•••••	85	810	79	92	74
巴西	22	99	110	•••••	56	510	72	91	77
白俄罗	7	99	18	•••••	20	158	70	100	93
斯									
保加利	12	96	11	••••	38	0	80	99	99
亚	***								
贝宁	123	61	840	•••••	114	1161	0	65	30
比利时	4	92	8	•••••	10	172	73	0	0
冰岛	3	95	4	••••	14	212	0	100	100
波兰	7	98	8		13	59	75	0	0
波斯尼	14	96	3		16	0	97	99	95
亚和黑			×						
塞哥维		Y	XIII						
那									
玻利维	57	81	290	<b>X</b>	88	132	83	86	43
亚	3,	01	270	`	00	132	0.5	00	
一 伯利兹	25	96	52		90	1863	0	0	0
博茨瓦	40	90	380	4	51	22757	72	96	47
纳	10		200			22,0,	, 2	70	.,
不丹	84	95	440	•••••	46	109	89	81	52
布基纳	191	94	700	••••	131	1498	73	72	13
法索	171		, 00		101		, 0	. –	- 10
布隆迪	180	75	1100	••••	30	1903	83	71	41
朝鲜民	55	99	370		0	0	86	100	0
主主义	33		370		Ü		00	100	O
人民共							10-		
和国							(0)	×	
赤道几	150	51	680	••••	128	3343	0	43	51
内亚	130	31	000		120	3343	U	43	31
大不列	6	86	8	••••	26	154	0	100	0
颠及北	U	80	0		20	134	U	100	U
爱尔兰									
联合王									
国士莊尼	<i>E</i>	02	1 /	•••	2	22	01	0	Λ
大韩民	5	92	14	•••••	2	33	81	0	0
国工主	F	90	2			100	77	100	100
丹麦	5	89	3	•••••	6	108	77	100	100
德国	4	94	4		10	73	0	100	100

东帝汶	97	63	380	•••••	59	0	79	62	41
多哥	100	80	510		0	3184	67	59	12
多米尼	38	96	150	••••	98	902	78	95	79
加共和									
国									
多米尼	14	96	0	••••	48	0	50	0	0
克									
俄罗斯	12	99	28	••••	28	774	58	97	87
联邦									
厄瓜多	22	99	210	••••	100	275	74	95	84
尔	<b>4</b>								
厄立特	70	95	450	••••	85	1264	90	60	5
里亚	YN,								
法国	4	87	8	••••	8	278	0	100	0
菲律宾	28	92	230	••••	55	14	88	93	78
斐济	18	81	210	•••••	30	0	66	47	71
芬兰	3	98	7	••••	9	55	0	100	100
佛得角	32	74	210	••••	92	0	79	0	0
冈比亚	109	85	690		104	741	58	86	52
刚果	125	67	740		132	3330	53	71	20
刚果民	161	79	1100		124	0	86	46	31
主共和			"						
玉					1,				
哥伦比	20	95	130		96	490	71	93	78
VE.					1				
哥斯达	11	90	30	•••••	63	295	88	98	96
黎加						<b>(2)</b>			
格林纳	19	98	0	•••••	53	0	0	0	97
达						4//			
格鲁吉	30	97	66	•••••	37	75	75	99	93
亚							· /		
古巴	6	99	45	•••••	42	67	90	91	98
圭亚那	60	96	470	•••••	90	2360	68	93	81
哈萨克	32	99	140	•••••	27	102	72	96	97
斯坦									
海地	76	58	670	•••••	69	1823	82	58	19
荷兰	5	96	6	•••••	4	134	0	100	100
黑山	10	90	0	•••••	16	0	0	98	91
洪都拉	24	89	280	•••••	108	598	86	84	66
斯	62	0.2	^		20	^	00	<i></i>	22
基里巴	63	93	0	•••••	39	0	90	65	33
斯士大坦	107	7.1			25	2070	<b>5</b> 0	62	
吉布提	127	74	650	•••••	27	2870	78	92	67
吉尔吉	38	99	150	•••••	28	113	82	89	93

数字中国www.madio.nd # 1010

斯斯坦									
几内亚	150	71	910	•••••	153	1520	75	70	19
几内亚	198	76	1100	•••••	170	1692	0	57	33
比绍									
加拿大	6	94	7	•••••	14	268	57	100	100
加纳	115	95	560	•••••	74	1722	76	80	10
加蓬	91	55	520	•••••	0	5308	46	87	36
柬埔寨	91	79	540	•••••	52	755	93	65	28
捷克共	4	97	4	•••••	11	17	69	100	99
和国									
津巴布	90	66	880	•••••	101	14609	60	81	46
事 よ									
喀麦隆	148	74	1000	•••••	141	4580	74	70	51
卡塔尔	10	92	12	•••••	16	0	69	100	100
科摩罗	66	65	400	•••••	95	41	0	85	35
科特迪	127	67	810	•••••	111	3967	73	81	24
瓦									
科威特	11	99	<b>X</b> 4	•••••	14	0	78	0	0
克罗地	6	96	7		13	0	30	99	99
亚			17.7						
肯尼亚	121	80	560	·····	116	0	85	57	42
库克群	18	98	0		47	0	0	95	100
岛					4.				
拉脱维	10	97	10		17	509	73	99	78
亚					M				
莱索托	84	85	960	•••••	98	21548	66	78	36
老挝人	70	40	660	•••••	110	149	92	60	48
民民主						901			
共和国						4/	•		
黎巴嫩	29	53	150	•••••	18	101	90	100	0
立陶宛	7	97	11	•••••	19	77	<b>74</b>	0	0
利比里	133	95	1200	•••••	137	1615	0	64	32
亚							C	X	
卢森堡	4	96	12	•••••	10	0	0	100	100
卢旺达	181	99	1300	•••••	40	2342	86	65	23
罗马尼	14	97	24	•••••	35	77	83	88	72
亚									
马达加	112	81	510	•••••	154	116	78	47	12
斯加									
马尔代	30	97	120	•••••	8	0	91	83	59
夫									
马耳他	6	79	8	•••••	17	59	100	100	0
马拉维	110	83	1100	•••••	178	11367	78	76	60
马来西	11	90	62	•••••	13	428	48	99	94

				# 1	010				
त्ताः									
亚	106	<b>C</b> 0	070		100	1.427	7.0	<i>c</i> 0	15
马里	196 54	68 94	970 0		190 88	1437 0	76	60	45 0
马绍尔 群岛	34	94	U	•••••	88	U	75	0	U
毛里求	17	98	15		35	1240	02	100	94
七 生 水 斯	1 /	96	13		33	1348	92	100	94
毛里塔	118	67	820		88	744	41	60	24
尼亚	110	07	620		00	744	71	00	24
美利坚	8	93	11		41	452	64	99	100
合众国	O	73	11		71	732	04	,,,	100
蒙古	43	98	46	••••	19	52	88	72	50
孟加拉	61	88	570	••••	127	11	92	80	36
国		00	370		12,	11	72	00	50
秘鲁	20	99	240	••••	59	382	78	84	72
密克罗	40	0	0	••••	51		90	94	25
尼西亚		$\times$					, ,		
( 联	•								
邦)			X						
缅甸	113	81	380	•••••	0	667	84	80	82
摩尔多	18	96	22	•••••	25	286	62	90	79
瓦共和				X					
国									
摩洛哥	34	95	240		18	95	87	83	72
摩纳哥	5	99	0		0	0	0	0	0
莫桑比	168	77	520	•••••	185	11761	83	42	31
克						6			
墨西哥	21	96	60	•••••	82	267	80	95	81
纳米比	68	69	210	•••••	51	13885	76	93	35
亚						4/	•		
南非	59	83	400	•••••	54	16293	74	93	59
瑙鲁	30	99	0	•••••	69	0	• 100	0	0
尼泊尔	55	81	830	•••••	106	389	88	89	27
尼加拉	35	99	170	•••••	109	211	89	<b>×</b> 79	48
瓜								٠)	
尼日尔	176	47	1800	•••••	199	757	77	42	7
尼日利	189	62	1100	•••••	126	2886	76	47	30
亚									
纽埃	46	99	0	•••••	28	0	0	100	100
挪威	4	92	7	•••••	9	79	93	100	0
帕劳	10	91	0	•••••	31	0	60	89	67
葡萄牙	4	95	11	•••••	17	379	87	99	99
前南斯	17	96	10	•••••	19	30	87	100	89
拉夫的									
马其顿									

共和国					_	_			
日本	4	98	6	•••••	5	9	53	100	100
瑞典	3	96	3	•••••	6	82	63	100	100
瑞士	5	86	5	•••••	4	398	0	100	100
萨尔瓦	24	98	170	•••••	67	743	91	84	86
多 萨摩亚	27	<i>(</i> 2	0		20	0	0	00	100
塞尔维	27 8	63 95	0		29 24	0 79	0	88 99	100 92
を 小 年 亚	8	93	U	•••••	24	19	84	99	92
业 塞拉利	262	67	2100		98	1523	87	53	11
至 12 内 昂	202	07	2100		90	1323	07	33	11
塞内加入	114	84	980		100	886	76	77	28
尔		04	700		100	000	70	, ,	20
塞浦路	4	87	10		6	0	88	100	100
斯		<b>\</b>	10		O	Ü	00	100	100
塞舌尔	16	99	0		54	0	0	0	0
沙特阿	25	96	18		7	0	69	0	0
拉伯			X		·			-	
圣多美	99	86	0	••••	91	0	0	86	24
和普林			117	<b>.</b>					
西比			-	X					
圣基茨	18	99	0		74	0	100	99	96
和尼维					11				
斯					Mr.				
圣卢西	13	94	0	•••••	49	0	80	98	0
亚					•	<b>6</b> -			
圣马力	2	92	0	•••••	1	25 0	0	0	0
诺						901			
圣文森	17	99	0	••••	57	0	0	0	0
特和格						(	)		
林纳丁							* 6		
斯							10		
斯里兰	21	98	58	•••••	28	25	87	82	86
卡								` )	
斯洛伐	8	99	6	•••••	21	11	81	100	100
克									
斯洛文	4	96	6	•••••	5	29	92	0	0
尼亚		0.4							
斯威士	91	91	390	•••••	111	24301	43	60	50
<u></u> 二	100	70	450		0	1050	02	70	25
苏丹 苯甲克	109	79	450	•••••	0	1253	82	70	35
苏里南	28	85 79	72	•••••	63	2066	0	92	82
所 罗门	70	78	220	•••••	0	0	90	70	32
群岛									

索马里	142	34	1400	•••••	123	495	89	29	23
塔吉克	67	85	170		27	239	84	67	92
斯坦									
泰国	7	96	110	••••	46	1191	77	98	96
坦桑尼	116	90	950	•••••	139	5771	85	55	33
亚联合									
共和国									
汤加	23	99	0	••••	16	0	100	100	96
特立尼	35	91	45	••••	35	1240	0	94	92
达和多									
巴哥	4.								
突尼斯 💸	21	98	100	••••	6	46	91	94	85
图瓦卢	37	95	0	•••••	22	0	75	93	89
土耳其	23	96	44	••••	51	0	91	97	88
土库曼	50	99	130		20	14	84	0	0
斯坦	<b>V</b>	$\times$			-			-	-
瓦努阿	34	65	0	•••••	0	0	90	0	0
图			/ <sub>X</sub> ,		-				
危地马	39	93	290	••••	92	691	47	96	84
拉 拉		,,,	7		,_	0,1	.,	, ,	0.
委内瑞	19	0	-57	<b>X</b>	91		82	0	0
拉(玻		Ŭ		•	7.		0_		· ·
利瓦尔									
共 和				4	1/2				
国)					VIII.				
文莱达	9	97	13	••••	26	0	84	0	0
鲁萨兰		,	10		7//	7-	0.		· ·
国						900			
_ 乌干达	131	68	550	••••	159	5155	70	64	33
乌克兰	16	98	18	••••	30	1082	59	97	93
乌拉圭	14	96	20	••••	63	391	87	100	100
乌兹别	41	99	24		26	85	81	88	96
克斯坦	11		21		20	0.5	40	×	70
西班牙	4	97	4	••••	12	370	0	100	100
希腊	4	88	3	••••	11	115	0	100	98
新加坡	3	95	14	••••	6	113	84	0	0
新西兰	6	79	9	••••	29	42	70	0	0
匈牙利	7	99	6	••••	29	39	46	100	100
可 牙买加	31	76	170	••••	58	1386	41	93	83
亚美尼 亚美尼	24	92	76	••••	25	99	69	93 98	91
亚天尼亚	∠4	34	70		23	77	UZ	70	71
业 也门	73	74	430		80	0	83	66	46
也口 伊拉克	73 45	74 69	300		80 68	0	83 84	77	46 76
		U9		******				11	
伊朗(伊	33		140	•••••	25	163	83		0

斯兰共									
和国)									
以色列	5	97	4	•••••	15	98	74	100	0
意大利	4	87	3	•••••	7	296	0	0	0
印度	72	67	450	•••••	45	290	86	89	28
印度尼	31	80	420	•••••	54	161	91	80	52
西亚									
约旦	20	95	62	•••••	28	0	71	98	85
越南	15	83	150	•••••	35	446	92	92	65
赞比亚	170	85	830	•••••	146	15087	85	58	52
乍得	209	23	1500	•••••	193	3102	54	48	9
智利	9	91	16	•••••	49	244	85	95	94
中非共	172	62	980	•••••	133	5582	0	66	31
和国	197								
中国	22	94	45	•••••	5	65	94	88	65

为了对指标进行筛选,这里我们建立了主成份分析模型。

## 7.1 主成份分析模型

主成分分析法旨在力保原始数据信息丢失最小的情况下, 对高维变量空间进行降维 处理,即在保证原始数据信息损失最小的前提下,经过线性变换和舍弃部分信息,以少 数的综合变量取代原有的多维变量。

设原始变量为 $x_1,x_2...x_p$ , 进行主成分分析后得到的主成分(综合变量)为 $z_1,z_2...z_m$ (m < p)它们是 $x_1, x_2...x_p$  的线性组合。新变量 $z_1, z_2...z_m$ 构成的坐标系是在原坐标系经平移 和正交旋转后得到的,称 $z_1, z_2...z_m$ 空间为m维主超平面。在主超平面上,第一主成分 $z_1$ 对 应于数据变异(贡献率 $e_1$ )最大的方向。对于 $z_1,z_2...z_m$ ,依次有 $e_1 \ge e_2 \ge ... \ge e_m$ 。因此, $z_1$ 是 携带原始数据信息最多的一维变量,而m维主超平面是保留原始数据信息量最大的m维 子空间。

主成分分析法的步骤如下:

数学中国YY网校频道:159214

(1)为了排除数量级和量纲不同带来的影响,首先对原始数据进行标准化处理:

$$\vec{x}_{ij} = (x_{ij} - \vec{x}_i) / \sigma_i, (i = 1, 2...p, j = 1, 2...n)$$
 (7.1.1)

式中 $x_{ij}$ 为第i个指标的第j个样本的原始数据; $x_{i}$ 和 $\sigma_{i}$ 分别为第i个指标的样本均值和 标准差。

(2)根据标准化数据表 $(x_{ii})_{n\times n}$ , 计算相关系数矩阵 $\mathbf{R}=(r_{ii})_{n\times n}$ , 其中

$$r_{ij} = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^{n} (x_{ki} - \bar{x}_i)(x_{kj} - \bar{x}_j) / \sigma_i \sigma_j$$
 (7.1.2)

(3)计算R的特征值和特征向量。根据特征方程 $|R-\lambda I|=0$ ,计算特征根 $\lambda_i$ ,并使其从大到小排列, $\lambda_1>\lambda_2>...>\lambda_p$ ,同时可得对应的特征向量 $u_1,u_2...u_p$ 。它们标准正交: $u_1,u_2...u_p$ 称为主轴。

(4)计算贡献率:

$$e_i = \lambda_i / \sum_{i=1}^p \lambda_i \tag{7.1.3}$$

及累计贡献率:

$$E_m = \sum_{i=1}^m \lambda_i / \sum_{i=1}^p \lambda_i \tag{7.1.4}$$

(5)计算主成分:

$$Z_{m} = \sum_{j=1}^{p} u_{mj} x_{j}$$
 (7.1.5)

这时,各主成分相互独立。

数学中国YY网校频道:159214

(6)综合分析。一个 m 维主超平面究竟以多大的精度来近似代替原始变量系统,才能确保尽可能多的原始数据信息?这可以通过求累计贡献率  $E_m$  来判断。一般取  $E_m$  >85%的最小 m(m < P),则可得主超平面的维数 m,从而可对 m 个主成分进行综合分析。

通过题中所给的各个指标的取值,利用上述过程可以计算出每个国家的各个主成份的取值,通过求其总得分,可以对每个国家进行排名,从而得到各个国家的医疗水平比较结果。

通过上面的过程我们就得到了每个国家的医疗水平比较,下面我们要做的就变成了每个国家的流感病毒严重情况的比较,根据前面所给的数据,我们要对每个国家的流感病毒严重情况做出比较。从附件所给的数据(参考文献)中,可以看出,流感病毒的流行程度有四个标准,分别为零星活动(Sporadic activity)、当地活动(Local activity)、区域性活动(Regional outbreaks)和广泛传播活动(Widespread outbreaks)。我们认为它们对应的流感疫情的严重程度分别为1级、2级、3级、4级。由于疫情严重程度随等级增加而剧增,因而,我们可以分别用1、4、16、64作为权重来量化,然后对于2007年至2009年各国的数据进行加权求和。为了便于计算,对它们进行归一化处理,即:选取"加权和"最大的项为单位1,其它国家的"加权和"与最大的"加权和"的比值作为疫情严重程度的衡量标准。如表7.2所示。

表 7.2 各个国家的流感严重情况

国家	0	1	2	3	4	1,4,16	最终	国家	0级	1级	2	3	4	1,4,1	最终
	级	级	级	级	级	,64加					级	级	级	6,64	
						权								加权	
阿富	98	0	0	0	0	0	0	日本	36	35	15	7	4	463	0.93914
汗															8

								1010							
阿尔	97	1	0	0	0	1	0.0020	约旦	96	0	0	3	0	48	0.09736
巴尼	91	1	U	U	U	1	28	约旦	90	U	U	3	U	40	3
							28								3
亚 阿尔	05	4	0	0	0	4	0.0001	心茲	0.1	_	0	2	0	27	0.07505
	95	4	0	0	0	4	0.0081	哈萨 古斯	91	5	0	2	0	37	0.07505
及利							14	克斯							1
亚	00	1	0	0	0	1	0.0020	坦	<b>60</b>	20	2	0	0	26	0.07202
南极	98	1	0	0	0	1	0.0020	肯尼亚	69	28	2	0	0	36	0.07302
洲四相	<b>60</b>	20	2	4	2	207	28	W The late	0.5	4	0	0	0	4	2
阿根	60	29	3	4	3	297	0.6024	科威	95	4	0	0	0	4	0.00811
廷	<b>~</b> 0	22		_	0	101	34	特	0.0	_					4
澳大	50	33	9	7	0	181	0.3671	吉尔	90	6	0	1	0	22	0.04462
利亚	4						4	吉斯							5
		1	N					斯坦							
奥地	83	7	2	4	1	143	0.2900	拉脱	79	17	1	2	0	53	0.10750
利				$\Diamond$			61	维亚							5
孟加	83	15	1	0	0	19	0.0385	立陶	97	1	1	0	0	5	0.01014
拉国				4			4	宛							2
白俄	76	15	1	3	2	195	0.3955	卢森	81	10	1	1	4	286	0.58012
罗斯					•		38	堡							2
比利	77	17	1	1	3	229	0.4645	马达	67	29	2	0	0	37	0.07505
时						4	03	加斯							1
								加加							
玻利	99	0	0	0	0	0	0	马来	88	7	4	0	0	23	0.04665
维亚								西亚							3
巴西	68	17	6	3	5	409	0.8296	毛里	85	13	1	0	0	17	0.03448
							15	求斯	+ /	<b>5</b> -					3
保加	92	5	0	0	0	5	0.0101	毛里	98	24	0	0	0	1	0.00202
利亚							42	求斯	•	9/	~				8
柬埔	89	10	0	0	0	10	0.0202	墨西	59	34	3	2	0	78	0.15821
寨							84	哥							5
喀麦	82	17	0	0	0	17	0.0344	蒙古	86	7	2	<b>2</b>	0	47	0.09533
隆							83						20	\	5
加拿	48	42	5	2	2	222	0.4503	黑山	98	0	0	0	1	64	0.12981
大							04							( )	7
智利	70	23	4	2	0	71	0.1440	摩洛	87	12	0	0	0	12	0.02434
							16	哥							1
中国	50	32	1	1	0	108	0.2190	尼泊	95	4	0	0	0	4	0.00811
			5				67	尔							4
中国	64	30	3	1	0	58	0.1176	荷兰	84	6	4	1	4	294	0.59634
台湾	٠.		5	•	Ŭ		47	1.4	٥.	Ü	•	•	•	-/ .	9
中国	24	46	2	5	0	214	0.4340	新西	71	14	4	5	5	430	0.87221
香港	∠-+	<del>1</del> 0	2	5	J	<b>∠1</b> →	77	当	/ 1	17	7	5	5	730	1
哥伦	95	4	0	0	0	4	0.0081	三 挪威	51	37	1	5	3	313	0.63488
可化 比亚	73	4	U	U	U	4	14	加奴	91	31	1	J	J	313	0.03488
بالانابا							14								0

							#	1010							
哥斯	87	11	1	0	0	15	0.0304	阿曼	93	6	0	0	0	6	0.01217
达黎							26								
加								_ ^							
科特	93	6	0	0	0	6	0.0121	巴拿	84	10	2	0	2	146	0.29614
迪瓦							7	马							6
克罗	84	10	1	1	2	158	0.3204	巴拉	98	1	0	0	0	1	0.00202
地亚					_		87	圭					_		8
捷克	80	13	3	2	0	57	0.1156	秘鲁	60	31	6	1	0	71	0.14401
共和							19								6
国		20	_		•	4	0.01.11	-++· /+ <sub>1</sub>		•	_			<b>~</b> 0	0.40550
丹麦	74	20	2	0	2	156	0.3164	菲律	63	29	6	0	0	53	0.10750
A VI	4		0	0	0	0	3	宾	7.	22		0	0	26	5
多米	98	-0	0	0	0	0	0	波兰	76	22	1	0	0	26	0.05273
尼加	0.2		6	<b>A</b>	۸.0	21	0.0620	去去	7.6	17		2	2	101	8
厄瓜	92	3	3	1	0	31	0.0628	葡萄	76	17	1	2	2	181	0.36714
多尔	76	1.4	2		0	110	8	牙	0.5	4	0	0	0	4	0.00011
埃及	76	14	2	6	0	118	0.2393	卡塔	95	4	0	0	0	4	0.00811
萨尔	00	9	0	0	0		51 0.0182	尔 士莊	60	24	10	3	1	176	4
所 瓦多	90	9	U	U	0	9	56	大韩 民国	60	24	10	3	1	176	0.35699
此夕 爱沙	90	6	1	0	2	138	0.2799	罗马	85	8	3	2	0	52	0.10547
尼亚	90	U	1	U	2	130	19	一尼亚	65	o	3	2	U	32	7
芬兰	79	13	3	2	0	57	0.1156	俄罗	47	29	4	1	4	493	1
71 —	1)	13	3	2	U	31	19	斯联	7/	2)	7	2	7	7/3	1
							1)	邦				_			
法国	59	33	3	2	1	141	0.2860	塞内	79	19	1	0	0	23	0.04665
121		55	5	_	•	111	04	加尔	*//	3	•	Ü	Ü	23	3
瓜德	96	1	1	1	0	21	0.0425	塞尔	88	10	1	0	0	14	0.02839
罗普			_				96	维亚		,,,	,				8
岛								,							-
马提	94	4	1	0	0	8	0.0162	塞舌	97	2	0	0	0	2	0.00405
尼克							27	尔					20		7
岛													. C	×	
新喀	93	4	2	0	0	12	0.0243	新加	51	39	8	0	0	71	0.14401
里多							41	坡							6
尼亚															
(岛)															
法国	97	2	0	0	0	2	0.0040	斯洛	90	5	4	0	0	21	0.04259
留尼							57	伐克							6
旺															
圭亚	88	11	0	0	0	11	0.0223	斯洛	78	17	2	0	2	153	0.31034
那							12	文尼							5
								亚							
格鲁	91	7	0	0	0	7	0.0141	南非	61	31	4	2	1	143	0.29006

特別																
日本	吉亚							99								1
加納	德国	58	32	3	3	1	156	0.3164	西班	71	20	2	3	1	140	0.28397
R								3	牙							6
Right Righ	加纳	84	15	0	0	0	15	0.0304	斯里	77	21	0	0	0	21	0.04259
Richa								26	兰卡							6
倍地   86	希腊	78	16	3	0	0	28	0.0567		98	1	0	0	0	1	0.00202
特別								95								8
接称 88 11 0 0 0 0 11 0.0223 瑞士 72 20 2 0 3 220 0.44624 拉斯 12		86	11	2	0	0	19	0.0385	瑞典	57	38	0	0	2	166	0.33671
対数   対数   対数   対数   対数   対数   対数   対数								4								4
日本		88	11	0	0	0	11		瑞士	72	20	2	0	3	220	
対域の			4													
日本		83	10	1	4	0	78		泰国	41	48	8	0	0	80	
日辞			1	N												
日印度 74 25 0 0 0 25 0.0507 突尼 77 12 4 5 0 108 0.21906 印度 93 6 0 0 0 6 0.0121 土耳 89 7 2 0 0 0 15 0.03042 尼西 で	冰岛	87	11	1	0	0	15			98	1	0	0	0	1	
日前度 74 25 0 0 0 25 0.0507 突尾 77 12 4 5 0 108 0.21906 1 所					$\Diamond$			26								8
印度       74       25       0       0       0       25       0.0507       突尼       77       12       4       5       0       108       0.21906         印度       93       6       0       0       6       0.0121       土耳       89       7       2       0       0       15       0.03042         尼西亚       7       其       7       其       7       2       0       0       15       0.03042         砂油       7       2       4       5       0       1       0.03042         砂油       7       2       4       7       2       0       0       15       0.03042         砂油       7       2       8       2       8       2       0       0       24       0.04868         受力       9       0       1       67       0.1359       乌壳       83       10       2       1       1       98       0.19878         受力       8       1       6       2       1       4       1       1       1       1       1       1       1       1       1       1       1       1       1       1					<u></u>											
日前度 P3 P3 P3 P4 P5	~n +>-				4								_		400	0.4.00.
印度 足西 で	印度	74	25	0	0	0	25			77	12	4	5	0	108	
R西	<u>الله الله </u>	0.2		0	0	0				00	7	2	0	0	1.5	
日本		93	6	0	0	0	6	0.0121		89	1	2	0	0	15	
伊朗 73 23 2 0 0 31 0.0628 乌干 81 16 2 0 0 0 24 0.04868									共							6
接称 95 3 0 0 1 67 0.1359		72	22	2	Λ	0	21	0.0629	卢工	01	16	2	0	0	24	0.04969
爱尔       95       3       0       0       1       67       0.1359       乌克       83       10       2       1       1       98       0.19878         以色       82       11       4       2       0       59       0.1196       英国       52       40       3       1       1       132       0.26774         列       71       23       3       0       1       99       0.2008       蒙特       98       1       0       0       0       1       0.00202         利       7       23       3       0       1       99       0.2008       蒙特       98       1       0       0       0       1       0.00202         利       7       2       1       2       1       2       1       8         乌拉       82       15       0       0       2       143       0.2900       美利       31       41       14       7       4       465       0.94320         土       1       0       0       0       1       0.0020       关闭       2       4       4       4       4       4       4       4       4       4	伊奶	13	23	2	U	U	31		1/4	01	10	2	U	U	24	
会       以色       82       11       4       2       0       59       0.1196       英国       52       40       3       1       1       132       0.26774         列       71       23       3       0       1       99       0.2008       蒙特岛       98       1       0       0       0       1       0.00202         利       7       7       7       4       465       0.94320         乌拉       8       1       4       7       4       465       0.94320         大       6       坚合       2       4	爱尔	05	3	0	0	1	67		白古	83	10	2	1	1	90	
以色 82 11 4 2 0 59 0.1196 英国 52 40 3 1 1 1 132 0.26774 列 75		)3	3	U	U	1	07			63	10	2	1	1	70	
列       以		82	11	4	2	0	59			52	340	3	1	1	132	
意大       71       23       3       0       1       99       0.2008       蒙特       98       1       0       0       0       0       1       0.00202         利		02	11	•	_	O	37		八口	32			•	•	132	
利       以本的       以本的       工作       <		71	23	3	0	1	99		蒙特	98	T.	0	0	0	1	
乌拉       82       15       0       0       2       143       0.2900       美利       31       41       14       7       4       465       0.94320         畫       **       **       **       **       5         交内       98       1       0       0       0       1       0.0020       关岛       96       3       0       0       0       3       0.00608										, ,						
乌拉       82       15       0       0       2       143       0.2900       美利       31       41       14       7       4       465       0.94320         畫	, ,													4		
圭     61     坚合	乌拉	82	15	0	0	2	143	0.2900		31	41	14	7	4	465	0.94320
公国       委内 98 1 0 0 0 1 0.0020 关岛 96 3 0 0 0 3 0.00608													,	. CA	X	
委内 98 1 0 0 0 1 0.0020 关岛 96 3 0 0 0 3 0.00608																
	委内	98	1	0	0	0	1	0.0020		96	3	0	0	0	3	0.00608
瑞拉 28 5	瑞拉							28								5
越南 80 15 3 0 0 27 0.0547		80	15	3	0	0	27									
67																

就这样,根据上文中的分析,我们就可以得到各个国家根据经济及医疗水平的排名,和依据流感严重程度的排名,综合上面每个国家的医疗水平情况及流感病毒情况,我们可以得到最终的一个国家的综合排名,进而决定最终的援助方案。 这里我们在综合各国经济及医疗水平与流感疫情的排名时,我们希望通过给流感疫情和经济医疗水平,赋一定的权重之后累计相加,得到最后的总排名,由排名情况即可得到各个国家接受援助

的优先级,如下表所示:

表 7.3 接受援助国家优先级(竖排)

国家	国家	国家	国家
巴拿马	匈牙利	罗马尼亚	厄瓜多尔
南非	秘鲁	约旦	伊朗(伊斯兰共和国)
乌拉圭	新加坡	蒙古	希腊
爱沙尼亚	爱尔兰	马达加斯加	越南
突尼斯	黑山	肯尼亚	印度

仔细观察主成份分析模型的过程,我们可以发现即使通过主成份分析降维之后,得 到的指标仍然是很多的,为了能够达到更大的降维效果,我们认为熵值法模型更能起到 效果, 因此我们决定采用熵值法模型进行求解。

### 7.2 熵值法模型

数学中国YY网校频道:159214

熵是系统无序程度的度量,可以用于度量已知数据所包含的有效信息量和确定权 重,在水质评价中得到了广泛的应用。在水质模糊评价中,通过对"熵"的计算确定权 重,就是根据各项监测指标值的差异程度,确定各指标的权重。当各评价对象的某项指 标值相差较大时,熵值较小,说明该指标提供的有效信息量较大,其权重也应较大;反 之,若某项指标值相差较小,熵值较大,说明该指标提供的信息量较小,其权重也应较 小。当各被评价对象的某项指标值完全相同时,熵值达到最大,这意味着该指标无有用 信息,可以从评价指标体系中去除。

使用熵权法确定权重主要有以下3个步骤:

(1)原始数据矩阵归一化。设m个评价指标、n个评价对象的原始数据矩阵为  $A = (a_{ij})_{m \times n}$ , 对其归一化后得到 $R = (r_{ij})_{m \times n}$ , 对小者为优的指标而言,归一化公式为:

$$r_{ij} = \frac{\max\{a_{ij}\} - a_{ij}}{\max\{a_{ij}\} - \min\{a_{ij}\}}$$
(7.2.1)

对大者为优的指标而言, 归一化公式为:

$$r_{ij} = \frac{a_{ij} - \min\left\{a_{ij}\right\}}{\max\left\{a_{ij}\right\} - \min\left\{a_{ij}\right\}}$$

$$(7.2.2)$$

(2)定义熵。在有m个指标、n个被评价对象的评估问题中,第i个指标的熵为:

$$h_{i} = -k \sum_{j=1}^{n} f_{ij} \ln f_{ij}$$
(7.2.3)

式中:  $f_{ij} = r_{ij} / \sum_{i=1}^{n} r_{ij}; k = 1 / \ln n;$  当  $f_{ij} = 0$  时, 令  $f_{ij} \ln f_{ij} = 0$ 。

(3)定义熵权。定义了第i个指标的熵之后,可得到第i个指标的熵权:

$$w_{i} = \frac{1 - h_{i}}{m - \sum_{i=1}^{m} h_{i}} (0 \le w_{i} \le 1, \sum_{i=1}^{m} w_{i} = 1)$$
(7.2.4)

通过 Matlab 编程求解,我们可以得到最终筛选出的评价指标。 通过前面的分析及求解,我们已经利用熵值法得到了经过筛选的评价指标,接下来我们就可以利用主成份分析对各个国家的这些因素进行综合排名, 再利用各个国家流感疫情的严重情况,可得到最终的援助方案,如下表所示:

	74	・ 3スクで4次・/4日4日 23・/20/20・//(2011)	<u> </u>	
国家	国家	国家	国家	
南非	墨西哥	罗马尼亚	加纳	
乌拉圭	乌干达	约旦	冰岛	
巴拿马	新加坡	蒙古	厄瓜多尔	
乌克兰	爱尔兰	孟加拉国	越南	
泰国	黑山	危地马拉	印度	

表 7.4 接受援助的国家优先级(竖排)

# 八、模型的拓展

在问题一的模型中,我们只考虑了单个国家自己的病毒传播问题,并未考虑到国家 之间的相互关系,为了更符合实际的研究这个问题,我们将加入国家之间的相互影响因 素进行问题一的研究。

#### 8.1 模型的建立

数学中国YY网校频道:159214

首先为研究相邻国家间的影响,我们选取了欧洲部分邻近国家作为样本。为了便于讨论,我们对疫情情况按其级别赋予权重。考虑到疫情级别是以其影响范围而定,我们给疫情权重赋值为疫情级别的平方,即:

$$s_i = l_i^2, (8-1)$$

其中 $s_i$ 为疫情权重, $l_i$ 为疫情级别。

分别就总体疫情情况和亚型情况用 SPSS 软件分析国家间相互影响的相关系数 (结果见附录 n).

从数据可以看出,疫情总体情况和亚型疫情情况在国家间相互影响的皮尔森相关系数绝大多数都在 0.600 以上,因此我们可以认为疫情有着很明显的地域相互影响性。

下面我们讨论在给定某地区疫情的情况下,该地区疫情对周边地区的影响范围。

选取某一国家 A 作为对照国, 另取若干个气候条件与对照国近似(纬度接近), 但和对照国距离各不相同的若干组国家作为比较国组, 研究它们与对照国组疫情相互影响的相干系数, 在此基础上进一步讨论疫情与影响范围的关系, 从而得出在一定概率条件下的疫情影响范围。得到数据表格如下:

表 8.1 一定概率条件下的疫情影响范围

相关系数均值	0.771	0.726	0.331	-0.047	0.737	0.689	0.243
距离 (km)	8400	10500	11800	12600	8400	10500	11800
参照国的亚型疫	67	67	67	67	47	47	47
情权重和							

我们取相关系数在 0.600 以上为有很明显的线性相关性,由此去除第 3、4、7 组数据,于是剩下四组数据:

表 8.2 明显相关的疫情影响范围

相关系数均值	0.771	0.726	0.737	0.689
距离 (km)	8400	10500	8400	10500
参照国的亚型疫情权重和	67	67	47	47

接下来我们从这四组数据出发,讨论疫情影响范围与疫情权重和相关系数的关系。 首先讨论疫情影响范围与相关系数的关系。因为之前所讨论的是线性相关性,因此 我们用 SPSS 软件对这四组数据中的距离与疫情权重和进行线性拟合。为了讨论方便, 我们先不考虑疫情权重的差别,于是得到以下结果:

$$\rho_1 = 0.940 - 0.000022d \tag{8-2}$$

于是我们可以求出,若要满足 $\rho$ 的值大于 0.900,则应当有 d 的值应小于 1818.2km。 这个数据仅是基于一组数据求出的结果,精确度较低,但由此我们可以大致划出存在较大可能的线性相关性的区域范围。

接下来我们将疫情权重也考虑进去,用 SPSS 软件对上述数据进行二元线性拟合,得到以下结果:

$$\rho_2 = 0.839 - 0.000022d + 0.002S \tag{8-3}$$

其中 S 为疫情权重和。为了讨论疫情权重和与影响范围的关系,我们现将  $\rho_2$  固定,于是有:

$$d = \frac{0.839 - \rho_2 + 0.002S}{0.000022} \tag{8-4}$$

于是对于给定要求的 $\rho_2$ 范围和S,我们就可以得出一个相应的影响范围。

基于以上讨论,我们可以建立以下模型:

数学中国YY网校频道:159214

- 1)对于发生过四级疫情的区域,我们认为它给周边地区带来的影响十分强烈,我们将这些地区单独取出作为一类,不妨称之为中心点区。
- 2)对上述中心点区,我们利用式(1)中求出的 d 的结果(这里为了提高其可信度,我们可以将 d 的值缩小至 1000km;事实上考虑到权重的影响,这样做是有着较高可信度的,因为这里是对发生四级疫情的区域讨论,应该说其影响范围是较大的),以中心点区为圆心,d 为半径划出一个圆形区域,若这个圆形区域内包含了其它的中心点区,我们就将这些中心点区合为一个较大的区域,我们称这样的区域为中心区。
- 3)接下来利用(2)式,对于某一中心区和给定的 $\rho$ 、S(为了更切合实际,这里 S 我们取这一中心区内国家同种病毒类型引起的疫情情况的权重和的平方根),我们可以求出一个对应的di;再以中心区的地理中点为圆心,di 为半径,可以划出另一更大的圆形区域,这个区域是以 $\rho$  为相关系数受中心区某一类型病毒线性影响的区域,我们称这个区域为该种病毒的危险区,某种病毒的危险区内就是有较大可能性需要该种病毒疫苗

的区域。通过改变 $\rho$ 的大小,我们可以相应改变di的大小,也就是危险区的大小。当di够大时,不同危险区间就会发生相交,不同病毒类型的危险区产生的相交区域即是需要不同种类疫苗的区域。

- 4)由于危险区是圆形区域,可能难以覆盖到每个地方。对于这种情况,可以适当减小 $\rho$ ,使di足够大,就可以覆盖到足够大的区域。
- 5)增大di,可能出现的另一种情况是:某一区域被两个以上不同病毒类型危险区覆盖(这里由于需要考虑双联装,所以讨论两个以上的情况)。对于这种情况,可以建立以下子模型:设这个区域距离覆盖它的第 i 个危险区的中心区的距离为di,该中心区的权重和为 $\rho_i$ ,记 $j_i$ 为di与 $\rho_i$ 的比值,比较 $j_i$ 大小,取其值较小的病毒类型。
- 6)还有一种情况是,在一定相关系数 $\rho$ 的要求的前提下,某些地区仅被不到两个类型的不同病毒的危险区覆盖,但又还是有发生疫情的可能,这种情况下,为了满足双联装的要求,可以进一步划出三级疫情的危险区,若仍未达到预期覆盖要求,则继续向下划分;也可以取时间较近的优先等。

例如我们利用上述模型和 WHO 给出的 2007 年 9 月~2009 年 1 月的数据分析亚欧大陆(为简单起见,这里我们不考虑其他大洲的影响),可以得到以下分析结果:

1)发生四级疫情国家的疫情情况(中心点区)

表 7.3 发生四级疫情国家的疫情情况

国家	疫情发生时间	病毒类型	国家	疫情发生时间	病毒类型
Belgium	2008.1~2008.2	H1	Japan	2009.1	H1/H3
Metenegro	2008.1	H1	Belgium	2009.1	Н3
Slovenia	2008.1	H1	Czech	2008.12`2009.1	Н3
			Republic		
Switzerland	2008.1~2	H1	Estonia	2009.1	Н3
Japan	2008.2	H1	France	2009.1	Н3
Republic of	2008.2	В	Germany	2009.1	Н3
Korea				* 6	
Austria	2008.2	H1	Italy	2009.1	Н3
Belarus	2008.2	H1/H3	Luxembourg	2009.1	Н3
Croatia	2008.2~2008.3	H1	Netherlands	2008.12`2009.1	Н3
Estonia	2008.2	H1	Portugal	2008.12`2009.1	Н3
			Portugal		
Luxembourg	2008.1~2008.3	H1/B	Slovenia	2009.1	Н3
Netherlands	2008.2~2008.3	H1/B	Spain	2009.1	Н3
Norway	2008.2	H1	Swiden	2009.1	Н3
Russian	2008.3	H1/H3	Switzerland	2009.1	Н3
Fedration					
Ukraine	2008.2	H1	UK	2008.1	Н3

2)中心区划分

依据公式(1),取 d=1000km;考虑到俄罗斯人口主要集中在欧洲地域,将俄罗斯与欧洲的中心区划在一起,则中心区划分为两个,即 Japan 和 Japan 以外的欧洲国家。于是得到如下图中心区划分:



### 3) 讨论

毫无疑问在日本附近是需要选择 H1 和 H3 疫苗的,那么接下来就要讨论在欧洲区应选取什么疫苗,这也就是需要比较欧洲区三种病毒影响力的大小,利用(2)式不难得出 B 的影响力是最小的,那么也就是说在欧洲区附近应当选择 H1 和 H3 这两种疫苗;最后需要讨论在欧洲与日本间如何选择疫苗。事实上在欧洲区和在日本取都是 H1 和 H3 影响最大,在亚欧大陆只考虑自身影响的前提下,两中心区间也必定受 H1 和 H3 影响最大,由此可得在亚欧大陆上都是选择 H1 和 H3 的双联装疫苗。

## 8.2 模型分析

- (1)该模型是建立在对国家间相互影响的数据分析的基础上的,将地球看成一个二维的点集,通过影响范围的分析而划分点集的子域,达到合理预测疫苗种类的目的,具有较高的可行性。
- (2) 在数据处理方面,数据分析仅是基于线性关系,这就可能影响了数据分析的准确度;此外优先分析四级疫情可能造成三级疫情被忽略,而大量的三级疫情其影响可能反而大于一起四级疫情。
- (3)对于一些较大的国家,这种模型仅有全国的统计资料可能不够,为提高准确度,需要有更精细的数据。
- (4)疫情的影响范围和疫情持续时间的长短也会有关联,这个模型没有将疫情持续时间的状况考虑进去。
  - (5) 在参数 S 选择上还需要经过数据的分析以更切合实际。

# 九、模型的推广

数学中国www.madio.net 官方微博:http://weibo.com/304456943 # 1010

本文中,我们使用了加权统计模型、贝叶斯预测模型、评估模型及筛选模型。 这些模型在一般的问题中都是经常遇到的,生活中我们经常要统计一个整体量,但 是这个整体是由很多分量表示的,而且这些分量的重要程度又各不相同,这样就引 入了加权计算。例如我们最熟悉的学分的计算就是加权平均,最后所有总分的计算 也是加权以后的结果。尽管面对不同问题,权重可能会有所不同,但是原理是相通 的。

再比如说贝叶斯预测模型,这是一个预测类的模型,面对其他预测类问题时, 也可以用此模型很好的做出解答,比如说在地震的预测问题上。评估模型是确定一 个评估标准后对两种方法或方案进行的一个评价对比,生活中的问题并不是只有唯 一的正确答案,很多时候答案并不唯一,这时就需要我们挑选出比较好的方案,而 怎样挑选方案呢,这就需要对这些方案进行评估,根据评估结果进行选择。

# 十、模型的优缺点分析

## 10.1 模型的优点

- (1) 加权统计模型中权重的处理很巧妙而且还很贴切,大大简化了赋权值的 过程:
  - (2) 使用贝叶斯预测模型确定下年疫苗种类,具有创新性;
  - (3) 概率评价模型确立的评价标准很合理;
  - (4) 在确定投放方案时考虑到国与国之间的作用,分析全面;
  - (5) 使用的各种模型均具有可推广性;
- (6) 筛选模型利用了病毒专家在研究下一年的疫苗时所采用的方法,模型更 具科学性:
  - (7) 占有的数据量大,分析结果接近实际情况;

#### 10.2 模型的缺点

数学中国YY网校频道:159214

- (1) 在加权统计模型的统计过程中, 我们没有再具体的讨论相同严重程度情 况下的两个病毒的选取,
  - (2) 筛选模型太过于理论化,没有一些计算上的推导;
- (3) 贝叶斯预测模型的实际操作繁琐,本文使用 EXCEL 软件处理仍花费了大量的 工夫。若能够编写出程序简化工作量会更好;

# 十一、参考文献

- [1] 盛骤,谢式千等,概率论与数理统计,杭州:高等教育出版社,2008年:
- [2] 张文彤, SPSS11 统计分析教程, 北京: 北京希望电子出版社, 2002年;
- [3] 张兴永, Matlab 软件与数学实验,徐州:中国矿业大学出版社,2006年;
- [4] 刘先勇等, SPSS10.0统计分析软件与应用, 北京: 国防工业出版社, 2002年;
- [5] 百度知道,全国县市有多少,http://zhidao.baidu.com/question/7375199.html,2009 年 4 月 26 日
- [6] 青岛传媒网,市疾控中心公布今年流感疫苗种类价格,

http://news.qingdaomedia.com/shownews\_a.asp?articleid=159674, 2009年4月26日

[7] 建议组成的流感病毒疫苗的使用在 2009 年-2010 年北半球流感季节

http://www.who.int/csr/disease/influenza/200902 recommendation.pdf, 2009年4月25日

[8] 建议组成的流感病毒疫苗的使用在 2009 年南半球流感季节

http://www.who.int/csr/disease/influenza/200809Recommendation.pdf, 2009 年 4 月 25 日

[9] 建议组成的流感病毒疫苗用于在 2008-2009 年北半球冬季流感季节

[10] 建议组成的流感病毒疫苗的使用在 2008 年南半球流感季节

http://www.who.int/csr/disease/influenza/recommendationlong2.pdf, 2009年4月25日

[11] Google 地图,http://ditu.google.cn/maps?hl=zh-CN&tab=wl,2009 年 4 月 25 日

附录

相关系数

Ţ	P.N.	USA
France	皮尔森相关 系数	.838(**)
	双尾T检验结 果	.000
	样本数	18
Spain	皮尔森相关。 系数	.715(**)
	双尾T检验结 果	.001
	样本数	18

\*\*: 双尾显著性水平1%条件下的结果.

### 相关系数

		USA
Romania	皮尔森相关 系数	.822(**)
	双尾T检验结 果	.000
	样本数	18
Bulgaria	皮尔森相关 系数	.629(**)
	双尾T检验结 果	.005
	样本数	18

\*\*: 双尾显著性水平1%条件下的结果. \*: 双尾显著性水平5%条件下的结果.

## 相关系数

		USA
Iran	皮尔森相关	.429

	系数	
	双尾T检验结 果	.075
	样本数	18
Kuwait	皮尔森相关 系数	.(a)
	双尾T检验结	
	果	•
	样本数	18
Qatar	皮尔森相关 系数	.232
	双尾T检验结	.354
11.	果	.334
1/1/	样本数	18

- \* 双尾显著性水平5%条件下的结果.
- \*\* 双尾显著性水平1%条件下的结果..

## 相关系数

们人水双		
	0	USA
Mongolia	皮尔森相关 系数	156
	双尾T检验结 果	.536
	样本数	18
China	皮尔森相关 系数	360
	双尾T检验结 果	.143
	样本数	18
Korea	皮尔森相关 系数	.375
	双尾T检验结 果	.125

样本数	18
-----	----

### 相关系数

*****		
		USA
France	皮尔森相关 系数	.671(**)
	双尾T检验结 果	.002
	样本数	18
SPAIN	皮尔森相关 系数	.802(**)
47	双尾T检验结 果	.000
	样本数	18

- \*\* 双尾显著性水平1%条件下的结果
- \* 双尾显著性水平5%条件下的结果.

## 相关系数

	<u> </u>	USA
UKRAINE	皮尔森相关	.767(**)
	系数	.767()
	双尾T检验结	.000
	果	.000
_	样本数	18
ROMANIA	皮尔森相关	.611(**)
	系数	`

双尾T检验结 果	.007
样本数	18

- \*\*: 双尾显著性水平1%条件下的结果
- \*: 双尾显著性水平5%条件下的结果.
- a: 因至少有一个变量为常数而无法计算.

## 相关系数

		美国
IRAN	皮尔森相关 系数	065
	双尾T检验结 果	.798
	样本数	18
KUWAIT	皮尔森相关 系数	.280
	双尾T检验结 果	.261
	样本数	18
QATAR	皮尔森相关 系数	.513(*)
	双尾T检验结 果	.029
1,	样本数	18

- \* 双尾显著性水平5%条件下的结果.
- \*\* 双尾显著性水平1%条件下的结果

熵权法代码:

m=[p(1,1) p(2,1) p(3,1) p(4,1) p(5,1) p(6,1) p(7,1) p(8,1) p(9,1) p(10,1) p(11,1) p(12,1) p(13,1) p(14,1) p(15,1) p(16,1) p(17,1) p(18,1) p(19,1) p(20,1) ······p(193,1)];%每一行的最大值 for i=1:37

```
for j=1:193

if m(i)<p(i,j)

m(i)=p(i,j);

end

end
```

end

n=[p(1,1)p(2,1)p(3,1)p(4,1)p(5,1)p(6,1)p(7,1)p(8,1)p(9,1)p(10,1)p(11,1)p(12,1)p(13,1)p(14,1)p(15,1)p(16,1)p(17,1)p(18,1)p(19,1)p(20,1) ……p(193,1)];%每一行的最小值for i=1:37

```
for j=1:193
if n(i)>p(i,j)
n(i)=p(i,j);
```

数学中国YY网校频道:159214

```
end
 end
end
for i=1:37
 for j=1:193
   p(i,j)=(p(i,j)-n(i))/(m(i)-n(i));
 end
end
for i=1:37
 for j=1:193
  su(i)=su(i)+p(i,j);
 end
end
for i=1:37
 x=su(i);
 for j=1:193
   p(i,j)=p(i,j)/x
 end
end
· Madio
for j=1:193
 for i=1:37
   if p(i,j)^{=0}
    e(j)=e(j)-p(i,j)*log(p(i,j))/log(193);
   end
 end
end
y=0;
for i=1:37
 y=y+e(i);
end
for i=1:37
 g(i)=(1-e(i))/(8-y);
end
z=0;
for i=1:37
```

```
z=z+g(i);
end
for i=1:37
            w(i)=g(i)/z;
end
for i=1:37
            for j=1:193
                                                             White the control of 
                        s(i)=s(i)+w(i)*p(i,j)
            end
end
S
```