# 面试常考算法模板 Cheat Sheet V4.3

# 前言

• 版权归属: 九章算法(杭州)科技有限公司

• 可以原文转载和分享,转载时需保留此版权信息,不得对内容进行增删和修改

• 本文作者: 九章算法令狐冲

• 官方网站: www.jiuzhang.com/?utm\_source=lhc-cheatsheet-v4.0

# 二分法 Binary Search

#### 使用条件

- 1. 排序数组 (30-40%是二分)
- 2. 当面试官要求你找一个比 O(n) 更小的时间复杂度算法的时候(99%)
- 3. 找到数组中的一个分割位置,使得左半部分满足某个条件,右半部分不满足(100%)
- 4. 找到一个最大/最小的值使得某个条件被满足(90%)

#### 复杂度

5. 时间复杂度: O(logn)

6. 空间复杂度: O(1)

#### 领扣例题

• LintCode 14. 二分查找(在排序的数据集上进行二分)

- LintCode 460. 在排序数组中找最接近的 K 个数 (在未排序的数据集上进行二分)
- LintCode 437. 书籍复印(在答案集上进行二分)

### 代码模版

```
1. 1.int binarySearch(int[] nums, int target) {
2.
3. 2. // corner case 处理
4.
5. 3. if (nums == null | |  nums.length == 0) {
6.
7. 4.
            return -1;
8.
9. 5. }
10.
11. 6.
12.
13. 7.
         int start = 0, end = nums.length - 1;
14.
15. 8.
16.
17.9. // 要点 1: start + 1 < end
18.
19.10. while (start + 1 < end) {
20.
21. 11. // 要点 2: start + (end - start) / 2
22.
23. 12. int mid = start + (end - start) / 2;
24.
25. 13. // 要点 3: =, <, > 分开讨论, mid 不 +1 也不 -1
26.
27. \, 14. if (nums[mid] == target) {
28.
29. 15. return mid;
30.
31. \  \, \textbf{16}. \\ \hspace*{1.5cm} \} \  \, \textbf{else if (nums[mid] < target)} \  \, \{
32.
33. <sub>17</sub>.
         start = mid;
34.
35. 18. } else {
36.
37. <sub>19</sub>.
        end = mid;
38.
39. <sub>20</sub>.
        }
40.
```

```
41. 21. }
42.
43. 22.
44.
45.23. // 要点 4: 循环结束后,单独处理 start 和 end
46.
47. <sub>24</sub>.
          if (nums[start] == target) {
48.
49. <sub>25</sub>.
         return start;
50.
51. 26. }
52.
53.27. if (nums[end] == target) {
54.
55. <sub>28</sub>.
           return end;
56.
57. <sub>29</sub>.
58.
59. <sub>30</sub>.
          return -1;
60.
61. 31.}
```

```
1.
2. 1.def binary_search(self, nums, target):
4. 2. # corner case 处理
5.
6. 3. # 这里等价于 nums is None or len(nums) == 0
8. 4. if not nums:
10. 5. return -1
11.
12. 6.
13.
14.7. start, end = 0, len(nums) - 1
15.
16. 8.
17.
18.9. # 用 start + 1 < end 而不是 start < end 的目的是为了避免死循环
19.
20. 10. # 在 first position of target 的情况下不会出现死循环
21.
22. 11. # 但是在 last position of target 的情况下会出现死循环
23.
24.12. # 样例: nums=[1, 1] target = 1
25.
```

```
26.13. # 为了统一模板,我们就都采用 start + 1 < end,就保证不会出现死循环
27.
28. 14.
         while start + 1 < end:
29.
30. 15.
             # python 没有 overflow 的问题,直接 // 2 就可以了
31.
32. 16.
             # java 和 C++ 最好写成 mid = start + (end - start) / 2
33.
34. 17.
             # 防止在 start = 2^31 - 1, end = 2^31 - 1 的情况下出现加法 overflow
35.
36. 18.
             mid = (start + end) // 2
37.
38. 19.
             # > , =, < 的逻辑先分开写, 然后在看看 = 的情况是否能合并到其他分支里
39.
40. 20.
             if nums[mid] < target:</pre>
41.
42. 21.
                start = mid
43.
44. 22.
             elif nums[mid] == target:
45.
46. 23.
47.
48. 24.
49.
50. 25.
51.
52. 26.
53.
54. 27.
         # 因为上面的循环退出条件是 start + 1 < end
55.
56. 28.
         # 因此这里循环结束的时候, start 和 end 的关系是相邻关系(1和2,3和4这种)
57.
58. 29.
         # 因此需要再单独判断 start 和 end 这两个数谁是我们要的答案
59.
60. за.
         # 如果是找 first position of target 就先看 start, 否则就先看 end
61.
62. за.
         if nums[start] == target:
63.
64. 32.
             return start
65.
66. 33. if nums[end] == target:
67.
68. з4.
           return end
69.
70. 35. return -1
```

# 双指针 Two Pointers

### 使用条件

- 7. 滑动窗口 (90%)
- 8. 时间复杂度要求 O(n) (80%是双指针)
- 9. 要求原地操作,只可以使用交换,不能使用额外空间 (80%)
- 10. 有子数组 subarray /子字符串 substring 的关键词 (50%)
- 11. 有回文 Palindrome 关键词(50%)

### 复杂度

- 时间复杂度: O(n)
  - 时间复杂度与最内层循环主体的执行次数有关
  - 。与有多少重循环无关
- 空间复杂度: O(1)
  - 只需要分配两个指针的额外内存

#### 领扣例题

- LintCode 1879. 两数之和 VII(同向双指针)\_\_\_
- LintCode1712.和相同的二元子数组(相向双指针)
- LintCode627. 最长回文串 (背向双指针)
- LintCode 64: 合并有序数组

#### 代码模版

```
10.
11.6.
              int left = start, right = end;
12.
13. 7.
              // key point 1: pivot is the value, not the index
14.
15. 8.
              int pivot = A[(start + end) / 2];
16.
17. <sub>9</sub>.
              // key point 2: every time you compare left & right, it should be
18.
19. 10.
               // left <= right not left < right</pre>
20.
21. 11.
               while (left <= right) {</pre>
22.
23. 12.
                   while (left <= right && A[left] < pivot) {</pre>
24.
25. 13.
                       left++;
26.
27. 14.
                   }
28.
29. 15.
                   while (left <= right && A[right] > pivot) {
30.
31. 16.
                       right--;
32.
33. 17.
34.
35. 18.
                   if (left <= right) {</pre>
36.
37. <sub>19</sub>.
                       int temp = A[left];
38.
39. <sub>20</sub>.
                      A[left] = A[right];
40.
41. 21.
                      A[right] = temp;
42.
43. 22.
                       left++;
44.
45. <sub>23</sub>.
                       right--;
46.
47. <sub>24</sub>.
                   }
48.
49. <sub>25</sub>.
50.
51. 26.}
52.
53. <sub>27</sub>.
54.
55. 28.// 背向双指针
56.
57.29.left = position;
58.
```

```
59.30.right = position + 1;
61.31. while (left >= 0 && right < length) {
62.
63.32. if (可以停下来了) {
64.
65. 33. break;
66.
67. 34. }
68.
69. 35. left--;
70.
71.36. right++;
72.
73. 37.}
74.
75. <sub>38</sub>.
76.
77. 39.// 同向双指针
78.
79. 40.int j = 0;
80.
81. 41. for (int i = 0; i < n; i++) {
82.
83.42. // 不满足则循环到满足搭配为止
84.
85.43. while (j < n && i 到 j之间不满足条件) {
86.
87. 44. j += 1;
88.
89. 45. }
90.
91. 46. if (i 到 j 之间满足条件) {
92.
93. 47. 处理 i, j 这次搭配
94.
95. 48.
96.
97. 49.}
98.
99. 50.
100.
101. 51.// 合并双指针
102.
103. \  \  \, \textbf{52.ArrayList<Integer> merge(ArrayList<Integer> list1, ArrayList<Integer> list2)} \ \{
104.
105. 53. // 需要 new 一个新的 list, 而不是在 list1 或者 list2 上直接改动
106.
107. 54. ArrayList<Integer> newList = new ArrayList<Integer>();
```

```
108.
109. 55.
110.
111. 56.
          int i = 0, j = 0;
112.
113. 57.
          while (i < list1.size() && j < list2.size()) {</pre>
114.
115. 58.
             if (list1.get(i) < list2.get(j)) {</pre>
116.
117. 59.
               newList.add(list1.get(i));
118.
119. 60.
               i++;
120.
121. 61.
         } else {
122.
123. <sub>62</sub>.
           newList.add(list2.get(j));
124.
125. <sub>63</sub>.
                 j++;
126.
127. 64.
128.
129. 65. }
130.
131. 66.
132.
133. 67. // 合并上下的数到 newList 里
134.
135. 68.
         // 无需用 if (i < list1.size()), 直接 while 即可
136.
137. <sub>69</sub>.
          while (i < list1.size()) {</pre>
138.
139. 70.
            newList.add(list1.get(i));
140.
141. 71.
           i++;
142.
143. 72. }
144.
145. 73. while (j < list2.size()) {
146.
147. 74.
         newList.add(list2.get(j);
148.
149. 75.
150.
151. 76. }
152.
153. 77.
154.
155. 78. return newList;
156.
```

```
157. 79.}
```

```
1.
     1.# 相向双指针(patition in quicksort)
2.
3. 2.def patition(self, A, start, end):
4.
5. з.
            if start >= end:
6.
7. 4.
                return
8.
9. 5.
           left, right = start, end
10.
11. 6.
             # key point 1: pivot is the value, not the index
12.
13. 7.
             pivot = A[(start + end) // 2];
14.
15. 8.
             # key point 2: every time you compare left & right, it should be
16.
17. 9.
             # left <= right not left < right</pre>
18.
19. 10.
              while left <= right:</pre>
20.
21. 11.
                 while left <= right and A[left] < pivot:</pre>
22.
23. 12.
                    left += 1
24.
25. 13.
                 while left <= right and A[right] > pivot:
26.
27. 14.
                     right -= 1
28.
29. 15.
                 if left <= right:</pre>
30.
31. 16.
                     A[left], A[right] = A[right], A[left]
32.
33. 17.
                     left += 1
34.
35, 18.
                     right -= 1
36.
37. 19.
38.
39. 20.# 背向双指针
40.
41.21.left = position
42.
43. 22.right = position + 1
45.23. while left >= 0 and right < len(s):
```

```
46.
47. 24. if left 和 right 可以停下来了:
48.
49. 25.
          break
50.
51. 26. left -= 1
52.
53.27. right += 1
54.
55. 28.
56.
57. 29.# 同向双指针
58.
59. 30.j = 0
60.
61. 31.for i in range(n):
62.
63.32. # 不满足则循环到满足搭配为止
64.
65.33. while j < n and i 到 j 之间不满足条件:
66.
67. 34. j += 1
68.
69. 35. if i 到 j 之间满足条件:
70.
71. 36. 处理 i 到 j 这段区间
72.
73. 37.
74.
75. 38.# 合并双指针
76.
77. 39.def merge(list1, list2):
78.
79.40. new_list = []
80.
81.41. i, j = 0, 0
82.
83. 42.
84.
85.43. # 合并的过程只能操作 i, j 的移动, 不要去用 list1.pop(0) 之类的操作
86.
87. 44.
        # 因为 pop(0) 是 O(n) 的时间复杂度
88.
89. 45.
        while i < len(list1) and j < len(list2):</pre>
90.
91. 46.
        if list1[i] < list2[j]:</pre>
92.
93. \  \, 47. \\ \hspace*{0.2in} \mathsf{new\_list.append(list1[i])}
94.
```

```
95. 48.
          i += 1
96.
97. 49.
            else:
98.
99. 50.
           new_list.append(list2[j])
100.
101. 51.
            j += 1
102.
103. 52.
104.
105. 53.
         # 合并剩下的数到 new_list 里
106.
107. 54. # 不要用 new_list.extend(list1[i:]) 之类的方法
108.
109. 55.
         # 因为 list1[i:] 会产生额外空间耗费
110.
111. 56. while i < len(list1):</pre>
112.
113. 57. new_list.append(list1[i])
114.
115. 58.
116.
117. 59.
         while j < len(list2):</pre>
118.
119. 60.
           new_list.append(list2[j])
120.
121. 61.
          j += 1
122.
123. 62.
124.
125. 63. return new_list
```

# 排序算法 Sorting

# 使用条件

### 复杂度

• 时间复杂度:

· 快速排序(期望复杂度): O(nlogn)

· 归并排序(最坏复杂度): O(nlogn)

#### •空间复杂度:

快速排序: O(1)归并排序: O(n)

### 领扣例题

- LintCode 463. 整数排序
- LintCode 464. 整数排序 II

### 代码模板

```
1.
        // quick sort
2. public class Solution {
3.
4.
       * @param A an integer array
5.
         * @return void
6.
       */
7.
        public void sortIntegers(int[] A) {
8.
        quickSort(A, 0, A.length - 1);
9.
10.
11.
        private void quickSort(int[] A, int start, int end) {
12.
           if (start >= end) {
13.
                return;
14.
15.
16.
            int left = start, right = end;
17.
            // key point 1: pivot is the value, not the index
18.
            int pivot = A[(start + end) / 2];
19.
20.
            // key point 2: every time you compare left & right, it should be
21.
            // left <= right not left < right</pre>
22.
            while (left <= right) {</pre>
23.
               while (left <= right && A[left] < pivot) {</pre>
24.
                 left++;
25.
26.
                while (left <= right && A[right] > pivot) {
27.
                   right--;
28.
29.
                if (left <= right) {</pre>
30.
                 int temp = A[left];
31.
                   A[left] = A[right];
```

```
32.
                   A[right] = temp;
33.
34.
                   left++;
35.
                    right--;
36.
37.
38.
39.
            quickSort(A, start, right);
40.
            quickSort(A, left, end);
41.
42. }
43. // \text{ merge sort}
44. public class Solution {
45.
        public void sortIntegers(int[] A) {
46.
            if (A == null || A.length == 0) {
47.
                return;
48.
49.
            int[] temp = new int[A.length];
50.
            mergeSort(A, 0, A.length - 1, temp);
51.
        }
52.
53.
        private void mergeSort(int[] A, int start, int end, int[] temp) {
54.
            if (start >= end) {
55.
                return;
56.
57.
            // 处理左半区间
58.
            mergeSort(A, start, (start + end) / 2, temp);
59.
            // 处理右半区间
60.
            mergeSort(A, (start + end) / 2 + 1, end, temp);
61.
            // 合并排序数组
62.
            merge(A, start, end, temp);
63.
        }
64.
65.
        private void merge(int[] A, int start, int end, int[] temp) {
66.
            int middle = (start + end) / 2;
67.
            int leftIndex = start;
68.
            int rightIndex = middle + 1;
69.
            int index = start;
70.
            while (leftIndex <= middle && rightIndex <= end) {</pre>
71.
                if (A[leftIndex] < A[rightIndex]) {</pre>
72.
                  temp[index++] = A[leftIndex++];
73.
               } else {
74.
                  temp[index++] = A[rightIndex++];
75.
                }
76.
77.
            while (leftIndex <= middle) {</pre>
78.
               temp[index++] = A[leftIndex++];
79.
80.
            while (rightIndex <= end) {</pre>
```

```
1.
       # quick sort
2. class Solution:
3.
        # @param {int[]} A an integer array
4. # @return nothing
5.
        def sortIntegers(self, A):
6.
           # Write your code here
7.
            self.quickSort(A, 0, len(A) - 1)
8.
9.
        def quickSort(self, A, start, end):
10.
           if start >= end:
11.
                return
12.
13.
            left, right = start, end
14.
            # key point 1: pivot is the value, not the index
15.
            pivot = A[(start + end) // 2];
16.
17.
            # key point 2: every time you compare left & right, it should be
18.
            # left <= right not left < right</pre>
19.
            while left <= right:</pre>
20.
               while left <= right and A[left] < pivot:</pre>
21.
22.
23.
               while left <= right and A[right] > pivot:
24.
                   right -= 1
25.
26.
               if left <= right:</pre>
27.
                   A[left], A[right] = A[right], A[left]
28.
29.
                   left += 1
30.
                   right -= 1
31.
32.
            self.quickSort(A, start, right)
33.
            self.quickSort(A, left, end)
34. # merge sort
35. class Solution:
36. def sortIntegers(self, A):
37.
            if not A:
38.
            return A
39.
```

```
40.
            temp = [0] * len(A)
41.
            self.merge_sort(A, 0, len(A) - 1, temp)
42.
43.
        def merge_sort(self, A, start, end, temp):
44.
            if start >= end:
45.
                return
46.
47.
            # 处理左半区间
48.
            self.merge_sort(A, start, (start + end) // 2, temp)
49.
            # 处理右半区间
50.
            self.merge_sort(A, (start + end) // 2 + 1, end, temp)
51.
            # 合并排序数组
52.
            self.merge(A, start, end, temp)
53.
54.
        def merge(self, A, start, end, temp):
55.
            middle = (start + end) // 2
56.
            left_index = start
57.
            right_index = middle + 1
58.
            index = start
59.
60.
            while left_index <= middle and right_index <= end:</pre>
61.
                if A[left index] < A[right index]:</pre>
62.
                    temp[index] = A[left_index]
63.
                    index += 1
64.
                    left index += 1
65.
                else:
66.
                    temp[index] = A[right_index]
67.
                    index += 1
68.
                    right_index += 1
69.
70.
            while left_index <= middle:</pre>
71.
                temp[index] = A[left_index]
72.
                index += 1
73.
                left_index += 1
74.
75.
            while right_index <= end:</pre>
76.
                temp[index] = A[right_index]
77.
                index += 1
78.
                right_index += 1
79.
80.
            for i in range(start, end + 1):
81.
                A[i] = temp[i]
```

# 二叉树分治 Binary Tree Divide & Conquer

### 使用条件

- •二叉树相关的问题 (99%)
- •可以一分为二去分别处理之后再合并结果 (100%)
- 数组相关的问题 (10%)

#### 复杂度

时间复杂度 O(n)

空间复杂度 O(n) (含递归调用的栈空间最大耗费)

# 领扣例题

- LintCode 1534. 将二叉搜索树转换为已排序的双向链接列表
- LintCode 94. 二叉树中的最大路径和
- LintCode 95.验证二叉查找树\_\_\_

### 代码模板

```
 1. \  \  \, \hbox{1.public ResultType divideConquer(TreeNode node) } \{
3. <sub>2</sub>.
       // 递归出口
4.
5. 3. // 一般处理 node == null 就够了
6.
7. 4. // 大部分情况不需要处理 node == leaf
8.
9. if (node == null) {
10.
11. 6.
            return ...;
12.
13. 7. }
14.
15.8. // 处理左子树
16.
17. <sub>9</sub>.
         ResultType leftResult = divideConquer(node.left);
18.
```

```
19. 10.  // 处理右子树
20.
21. 11.  ResultType rightResult = divideConquer(node.right);
22.
23. 12.  //合并答案
24.
25. 13.  ResultType result = merge leftResult and rightResult
26.
27. 14.  return result;
28.
29. 15.}
```

```
1.
     1.def divide_conquer(root):
2.
3. 2. # 递归出口
4.
5. 3. # 一般处理 node == null 就够了
6.
7. 4. # 大部分情况不需要处理 node == leaf
9. 5. if root is None:
10.
11. 6. return ...
12.
13. 7. # 处理左子树
14.
15. 8. left_result = divide_conquer(node.left)
16.
17.9. # 处理右子树
18.
19. \ {\tt 10.} \qquad {\tt right\_result = divide\_conquer(node.right)}
20.
21. 11. # 合并答案
22.
23. \ {\tt 12.} \qquad {\tt result = merge \ left\_result \ and \ right\_result \ to \ get \ merged \ result}
24.
25. 13. return result
```

# 二叉搜索树非递归 BST Iterator

### 使用条件

- 用非递归的方式(Non-recursion / Iteration)实现二叉树的中序遍历
- 常用于 BST 但不仅仅可以用于 BST

# 复杂度

时间复杂度 O(n)

空间复杂度 O(n)

# 领扣例题

- LintCode 67. 二叉树的中序遍历
- LintCode 902. 二叉搜索树的第 k 大元素

### 代码模板

```
1.List<TreeNode> inorderTraversal(TreeNode root) {
2.
3. 2. List<TreeNode> inorder = new ArrayList<>();
4.
5. 3. if (root == null) {
6.
7. 4.
          return inorder;
8.
9. 5. }
10.
11.6. // 创建一个 dummy node, 右指针指向 root
12.
13.7. // 放到 stack 里,此时栈顶 dummy 就是 iterator 的当前位置
14.
15.8. TreeNode dummy = new TreeNode(\theta);
16.
17.9. dummy.right = root;
18.
19. 10. Stack<TreeNode> stack = new Stack<>();
20.
21. 11.
         stack.push(dummy);
22.
23. 12.
24.
25. <sub>13</sub>.
         // 每次将 iterator 挪到下一个点
26.
```

```
27. 14.
        // 就是调整 stack 使得栈顶是下一个点
28.
29. <sub>15</sub>.
          while (!stack.isEmpty()) {
30.
31. 16. TreeNode node = stack.pop();
32.
33. 17. if (node.right != null) {
34.
35. <sub>18</sub>.
        node = node.right;
36.
        while (node != null) {
37. 19.
38.
39. <sub>20</sub>.
             stack.push(node);
40.
41. 21.
                   node = node.left;
42.
43. <sub>22</sub>.
                 }
44.
45. 23. }
46.
          if (!stack.isEmpty()) {
47. <sub>24</sub>.
48.
49, 25,
                inorder.add(stack.peek());
50.
51. <sub>26</sub>.
52.
53. 27. }
54.
55. <sub>28</sub>.
          return inorder;
56.
57. 29.}
```

```
1.
     1.def inorder_traversal(root):
2.
3. 2. if root is None:
4.
5. з.
         return []
6.
7. 4.
8.
9. 5.
       # 创建一个 dummy node, 右指针指向 root
10.
11. 6.
      # 并放到 stack 里,此时 stack 的栈顶 dummy
12.
13. 7. # 是 iterator 的当前位置
14.
15. 8. dummy = TreeNode(0)
16.
```

```
17. 9.
      dummy.right = root
18.
19. 10. stack = [dummy]
20.
21. 11.
22.
23.12. inorder = []
24.
25.13. # 每次将 iterator 挪到下一个点
26.
27.14. # 也就是调整 stack 使得栈顶到下一个点
28.
29. 15. while stack:
30.
31.16. node = stack.pop()
32.
33.17. if node.right:
34.
35. 18. node = node.right 36.
37.19. while node:
38.
       stack.append(node)
39. 20.
40.
41. 21.
       node = node.left
42.
43. 22. if stack:
44.
45. 23.
           inorder.append(stack[-1])
46.
47. 24. return inorder
```

# 宽度优先搜索 BFS

#### 使用条件

- 12. 拓扑排序(100%)
- 13. 出现连通块的关键词(100%)
- 14. 分层遍历(100%)
- 15. 简单图最短路径(100%)
- 16. 给定一个变换规则,从初始状态变到终止状态最少几步(100%)

#### 复杂度

• 时间复杂度: O(n + m)

• n 是点数, m 是边数

• 空间复杂度: O(n)

# 领扣例题

- LintCode 974. 01 矩阵(分层遍历)
- LintCode 431. 找无向图的连通块
- LintCode 127. 拓扑排序\_\_

#### 代码模版

```
1.
     1.ReturnType bfs(Node startNode) {
3. 2. // BFS 必须要用队列 queue,别用栈 stack!
4.
5. <sub>3</sub>.
        Queue<Node> queue = new ArrayDeque<>();
6.
7. 4. // hashmap 有两个作用,一个是记录一个点是否被丢进过队列了,避免重复访问
8.
9. 5. // 另外一个是记录 startNode 到其他所有节点的最短距离
10.
11.6. // 如果只求连通性的话,可以换成 HashSet 就行
12.
13.7. // node 做 key 的时候比较的是内存地址
14.
15. 8.
        Map<Node, Integer> distance = new HashMap<>();
16.
17. <sub>9</sub>.
18.
19. 10.
       // 把起点放进队列和哈希表里,如果有多个起点,都放进去
20.
21. 11.
         queue.offer(startNode);
22.
23. 12.
         distance.put(startNode, 0); // or 1 if necessary
24.
25. <sub>13</sub>.
26.
27.14. // while 队列不空,不停的从队列里拿出一个点,拓展邻居节点放到队列中
```

```
28.
29. 15.
           while (!queue.isEmpty()) {
30.
31. 16.
              Node node = queue.poll();
32.
33. <sub>17</sub>.
         // 如果有明确的终点可以在这里加终点的判断
34.
35. 18.
            if (node 是终点) {
36.
37. <sub>19</sub>.
                  break or return something;
38.
39. <sub>20</sub>.
40.
41. 21.
              for (Node neighbor : node.getNeighbors()) {
42.
43. 22.
                  if (distance.containsKey(neighbor)) {
44.
45. <sub>23</sub>.
                      continue;
46.
47. <sub>24</sub>.
48.
49. <sub>25</sub>.
                  queue.offer(neighbor);
50.
51. 26.
                  distance.put(neighbor, distance.get(node) + 1);
52.
53, 27.
54.
55. <sub>28</sub>.
56.
57. <sub>29</sub>.
           // 如果需要返回所有点离起点的距离,就 return hashmap
58.
59. <sub>30</sub>.
           return distance;
60.
61.31. // 如果需要返回所有连通的节点,就 return HashMap 里的所有点
62.
63.32. return distance.keySet();
64.
65. <sub>33</sub>.
         // 如果需要返回离终点的最短距离
66.
67. <sub>34</sub>.
           return distance.get(endNode);
68.
69. 35.}
```

```
1. 1.def bfs(start_node):
2.
```

3. 2. # BFS 必须要用队列 queue, 别用栈 stack!

```
4.
5. з.
       # distance(dict) 有两个作用,一个是记录一个点是否被丢进过队列了,避免重复访问
6.
7. 4.
       # 另外一个是记录 start_node 到其他所有节点的最短距离
8.
9. 5.
       # 如果只求连通性的话,可以换成 set 就行
10.
11.6. # node ф key 的时候比较的是内存地址
12.
13. 7.
       queue = collections.deque([start_node])
14.
15. 8.
       distance = {start_node: 0}
16.
17. 9.
18.
19. 10.
        # while 队列不空,不停的从队列里拿出一个点,拓展邻居节点放到队列中
20.
21. 11.
        while queue:
22.
23. 12.
           node = queue.popleft()
24.
25.13. # 如果有明确的终点可以在这里加终点的判断
26.
27. 14. if node 是终点:
28.
29. 15.
              break or return something
30.
31. 16.
      for neighbor in node.get_neighbors():
32.
33. 17. if neighor in distrace:
34.
35. 18.
                continue
36.
37. 19.
         queue.append(neighbor)
38.
39. 20.
             distance[neighbor] = distance[node] + 1
40.
41. 21.
42.
43. 22.
        # 如果需要返回所有点离起点的距离,就 return hashmap
44.
45. 23.
        return distance
46.
47. 24.
        # 如果需要返回所有连通的节点, 就 return HashMap 里的所有点
48.
49. 25.
        return distance.keys()
50.
51. 26.
        # 如果需要返回离终点的最短距离
52.
```

#### Java 拓扑排序 BFS 模板

```
1. \quad \textbf{1.List} \land \textbf{Node} \gt \textbf{topologicalSort} (\texttt{List} \land \textbf{Node} \gt \textbf{nodes}) \ \{
2.
3. <sub>2</sub>.
          // 统计所有点的入度信息,放入 hashmap 里
4.
5. <sub>3</sub>.
          Map<Node, Integer> indegrees = getIndegrees(nodes);
6.
7. 4.
8.
9. 5.
          // 将所有入度为 0 的点放到队列中
10.
11.6.
          Queue<Node> queue = new ArrayDeque<>();
12.
13. 7.
          for (Node node : nodes) {
14.
15. 8.
             if (indegrees.get(node) == 0) {
16.
17. 9.
                  queue.offer(node);
18.
19. 10.
20.
21. 11.
22.
23. 12.
24.
25. <sub>13</sub>.
           List<Node> topoOrder = new ArrayList<>();
26.
27. 14.
           while (!queue.isEmpty()) {
28.
29. 15.
              Node node = queue.poll();
30.
31. 16.
          topoOrder.add(node);
32.
33. 17.
             for (Node neighbor : node.getNeighbors()) {
34.
35. 18.
                   // 入度减一
36.
37. 19.
                   indegrees.put(neighbor, indegrees.get(neighbor) - 1);
38.
39. 20.
                   // 入度减到 0 说明不再依赖任何点,可以被放到队列(拓扑序)里了
40.
41. 21.
                   if (indegrees.get(neighbor) == 0) {
42.
43. <sub>22</sub>.
                       queue.offer(neighbor);
44.
45. <sub>23</sub>.
            }
```

```
46.
47. <sub>24</sub>.
48.
49. 25.
50.
51. <sub>26</sub>.
52.
       // 如果 queue 是空的时候,图中还有点没有被挖出来,说明存在环
53. <sub>27</sub>.
54.
55.28. // 有环就没有拓扑序
56.
57.29. if (topoOrder.size() != nodes.size()) {
58.
59. 30. return 没有拓扑序;
60.
61. 31. }
62.
63. 32. return topoOrder;
64.
65. 33.}
66.
67. <sub>34</sub>.
68.
69. 35. Map<Node, Integer> getIndegrees(List<Node> nodes) {
70.
71. 36.
         Map<Node, Integer> counter = new HashMap<>();
72.
73.37. for (Node node : nodes) {
74.
75.38. counter.put(node, 0);
76.
77. 39. }
78.
79.40. for (Node node : nodes) {
80.
81. 41.
       for (Node neighbor : node.getNeighbors()) {
82.
83. 42.
              counter.put(neighbor, counter.get(neighbor) + 1);
84.
85. <sub>43</sub>.
       }
86.
87. 44.
88.
89. <sub>45</sub>.
         return counter;
90.
91. 46.}
```

1. 1.def get\_indegrees(nodes):

```
2.
3. 2.
         counter = {node: 0 for node in nodes}
4.
5. з.
        for node in nodes:
6.
7. 4.
          for neighbor in node.get_neighbors():
8.
9. 5.
              counter[neighbor] += 1
10.
11.6. return counter
12.
13. 7.
14.
15. \; \texttt{8.def topological\_sort(nodes)}:
17. 9.
        # 统计入度
18.
19. \ {\tt indegrees = get\_indegrees(nodes)}
20.
21. 11. # 所有入度为 ⊘ 的点都放到队列里
22.
23. \ {\tt 12.} \qquad {\tt queue = collections.deque([}
24.
25. 13.
           node
26.
27. 14.
        for node in nodes
28.
29. 15.
           if indegrees[node] == 0
30.
31. 16.
         ])
32.
33. 17.
         # 用 BFS 算法一个个把点从图里挖出来
34.
35. 18.
         topo_order = []
36.
37. 19.
         while queue:
38.
39. 20.
           node = queue.popleft()
40.
41. 21.
        topo_order.append(node)
42.
43. 22.
        for neighbor in node.get_neighbors():
44.
45. <sub>23</sub>.
          indegrees[neighbor] -= 1
46.
47. 24.
            if indegrees[neighbor] == 0:
48.
49. 25.
                   queue.append(neighbor)
50.
```

```
      51. 26. # 判断是否有循环依赖

      52.

      53. 27. if len(topo_order) != len(nodes):

      54.

      55. 28. return 有循环依赖(环),没有拓扑序

      56.

      57. 29. return topo_order
```

# 深度优先搜索 DFS

#### 使用条件

- 找满足某个条件的所有方案 (99%)
- 二叉树 Binary Tree 的问题 (90%)
- 组合问题(95%)
  - 问题模型: 求出所有满足条件的"组合"
  - 判断条件: 组合中的元素是顺序无关的
- •排列问题 (95%)
  - 问题模型: 求出所有满足条件的"排列"
  - 判断条件: 组合中的元素是顺序"相关"的。

#### 不要用 DFS 的场景

- 17. 连通块问题(一定要用 BFS,否则 StackOverflow)
- 18. 拓扑排序(一定要用 BFS,否则 StackOverflow)
- 19. 一切 BFS 可以解决的问题

#### 复杂度

- 时间复杂度: O(方案个数 \* 构造每个方案的时间)
  - 树的遍历: O(n)
  - 排列问题: O(n! \* n)

• 组合问题: O(2^n \* n)

# 领扣例题

- LintCode 67.二叉树的中序遍历(遍历树)
- LintCode 652.因式分解(枚举所有情况)

# 代码模版

Java

```
    1. public ReturnType dfs(参数列表) {

3. 2. if (递归出口) {
4.
5. 3. 记录答案;
6.
7. 4. return;
8.
9. 5. }
10.
11.6. for (所有的拆解可能性) {
12.
13. 7. 修改所有的参数
14.
15.8. dfs(参数列表);
16.
17.9. 还原所有被修改过的参数
18.
19. 10. }
20.
21. 11.
       return something 如果需要的话,很多时候不需要 return 值除了分治的写法
22.
23. 12.}
```

#### Python

```
1. 1.def dfs(参数列表):
2. 3. 2. if 递归出口:
4. 5. 3. 记录答案
6. 7. 4. return
8. 9. 5. for 所有的拆解可能性:
10.
```

```
      11. 6.
      修改所有的参数

      12.
      13. 7.
      dfs(参数列表)

      14.
      15. 8.
      还原所有被修改过的参数

      16.
      17. 9.
      return something 如果需要的话,很多时候不需要 return 值除了分治的写法
```

# 动态规划 Dynamic Programming

### 使用条件

- 使用场景:
  - 求方案总数(90%)
  - 求最值(80%)
  - 求可行性(80%)
- 不适用的场景:
  - 找所有具体的方案(准确率 99%)
  - 输入数据无序(除了背包问题外, 准确率 60%~70%)
  - 暴力算法已经是多项式时间复杂度(准确率80%)
- 动态规划四要素(对比递归的四要素):
  - 状态 (State) -- 递归的定义
  - 方程 (Function) -- 递归的拆解
  - · 初始化 (Initialization) -- 递归的出口
  - · 答案 (Answer) -- 递归的调用
- 几种常见的动态规划:
- 背包型
  - 给出 n 个物品及其大小.问是否能挑选出一些物品装满大小为 m 的背包
  - 题目中通常有"和"与"差"的概念. 数值会被放到状态中
  - 通常是二维的状态数组, 前 i 个组成和为 j 状态数组的大小需要开 (n + 1) \* (m + 1)

- 几种背包类型:
  - 01 背包
    - 状态 state

dp[i][i] 表示前 i 个数里挑若干个数是否能组成和为 j

方程 function

dp[i][j] = dp[i - 1][j] or dp[i - 1][j - A[i - 1]] 如果 j >= A[i - 1]

dp[i][j] = dp[i - 1][j] 如果 j < A[i - 1]

第 i 个数的下标是 i - 1, 所以用的是 A[i - 1] 而不是 A[i]

初始化 initialization

dp[0][0] = true

dp[0][1...m] = false

答案 answer

使得 dp[n][v], 0 s <= v <= m 为 true 的最大 v

- 多重背包
  - 状态 state

dp[i][i] 表示前 i 个物品挑出一些放到 j 的背包里的最大价值和

方程 function

dp[i][j] = max(dp[i - 1][j - count \* A[i - 1]] + count \* V[i - 1])

其中 0 <= count <= j / A[i - 1]

初始化 initialization

dp[0][0..m] = 0

答案 answer

dp[n][m]

- 区间型
- 题目中有 subarray / substring 的信息
  - 大区间依赖小区间
  - 用 dp[i][i] 表示数组/字符串中 i, i 这一段区间的最优值/可行性/方案总数
  - 状态 state

dp[i][i] 表示数组/字符串中 i,i 这一段区间的最优值/可行性/方案总数

方程 function

dp[i][j] = max/min/sum/or(dp[i,j 之内更小的若干区间])

- 匹配型
  - 通常给出两个字符串
  - 两个字符串的匹配值依赖于两个字符串前缀的匹配值
  - 字符串长度为 n,m 则需要开 (n + 1) x (m + 1) 的状态数组
  - 要初始化 dp[i][0] 与 dp[0][i]
  - 通常都可以用滚动数组进行空间优化
  - 状态 state

dp[i][j] 表示第一个字符串的前 i 个字符与第二个字符串的前 j 个字符怎么样怎么样 (max/min/sum/or)

- 划分型
  - 是前缀型动态规划的一种, 有前缀的思想
  - 如果指定了要划分为几个部分:
    - dp[i][i] 表示前 i 个数/字符划分为 i 个 部分的最优值/方案数/可行性
  - 如果没有指定划分为几个部分:
    - dp[i] 表示前 i 个数/字符划分为若干个 部分的最优值/方案数/可行性
  - 状态 state

指定了要划分为几个部分:dp[i][j] 表示前 i 个数/字符划分为 j 个部分的最优值/方案数/可行性

没有指定划分为几个部分: dp[i] 表示前 i 个数/字符划分为若干个部分的最优值/方案数/可行性

- 接龙型
  - 通常会给一个接龙规则,问你最长的龙有多长
  - 状态表示通常为: dp[i] 表示以坐标为 i 的元素结尾的最长龙的长度
  - 方程通常是: dp[i] = max{dp[j] + 1}, j 的后面可以接上 i
  - · LIS 的二分做法选择性的掌握,但并不是所有的接龙型 DP 都可以用二分来优化
  - 状态 state

状态表示通常为: dp[i] 表示以坐标为 i 的元素结尾的最长龙的长度

方程 function

dp[i] = max{dp[j] + 1}, j 的后面可以接上 i

### 复杂度

- 时间复杂度:
  - · O(状态总数 \* 每个状态的处理耗费)
  - 等于 O(状态总数 \* 决策数)
- 空间复杂度:
  - · O(状态总数)(不使用滚动数组优化)
  - 。 O(状态总数 / n)(使用滚动数组优化, n 是被滚动掉的那一个维度)

#### 领扣例题

- LintCode563.背包问题 V(背包型)
- LintCode76.最长上升子序列(接龙型)
- LintCode 476.石子归并 V(区间型)
- LintCode 192. 通配符匹配 (匹配型)
- <u>LintCode107.单词拆分(划分型)</u>

# 堆 Heap

#### 使用条件

- 20. 找最大值或者最小值(60%)
- 21. 找第 k 大(pop k 次 复杂度 O(nlogk))(50%)
- 22. 要求 logn 时间对数据进行操作(40%)

#### 堆不能解决的问题

23. 查询比某个数大的最小值/最接近的值(平衡排序二叉树 Balanced BST 才可以解决)

- 24. 找某段区间的最大值最小值(线段树 SegmentTree 可以解决)
- 25. O(n)找第 k 大 (使用快排中的 partition 操作)

# 领扣例题

- LintCode 1274. 查找和最小的 K 对数字
- LintCode 919. 会议室 II
- LintCode 1512.雇佣 K 个人的最低费用

## 代码模板

Java 带删除特定元素功能的堆

```
1.class ValueIndexPair {
2.
3. 2.
        int val, index;
4.
 5. \quad \hbox{3.} \quad \hbox{public ValueIndexPair(int val, int index) } \{
6.
7. 4.
           this.val = val;
8.
9. 5.
         this.index = index;
10.
11. 6. }
12.
13. 7.}
14.
15. 8.class Heap {
16.
17. <sub>9</sub>.
         private Queue<ValueIndexPair> minheap;
18.
20.
21. 11.
          public Heap() {
22.
23. 12.
             minheap = new PriorityQueue<>((p1, p2) -> (p1.val - p2.val));
24.
25. <sub>13</sub>.
             deleteSet = new HashSet<>();
26.
27. 14.
28.
29. 15.
30.
31. 16.
          public void push(int index, int val) {
32.
```

```
33. 17.
                 minheap.add(new ValueIndexPair(val, index));
34.
35. <sub>18</sub>.
36.
37. <sub>19</sub>.
38.
39. 20.
             private void lazyDeletion() {
40.
41. 21.
                 while (minheap.size() != 0 && deleteSet.contains(minheap.peek().index)) {
42.
43. <sub>22</sub>.
                      ValueIndexPair pair = minheap.poll();
44.
45. <sub>23</sub>.
                      deleteSet.remove(pair.index);
46.
47. <sub>24</sub>.
48.
49. <sub>25</sub>.
50.
51. <sub>26</sub>.
52.
53. 27.
             public ValueIndexPair top() {
54.
55. 28.
                  lazyDeletion();
56.
57. <sub>29</sub>.
                  return minheap.peek();
58.
59. <sub>30</sub>.
60.
61. <sub>31</sub>.
62.
63. <sub>32</sub>.
             public void pop() {
64.
65. <sub>33</sub>.
                 lazyDeletion();
66.
67. <sub>34</sub>.
                 minheap.poll();
68.
69. <sub>35</sub>.
70.
71. 36.
72.
73. <sub>37</sub>.
             public void delete(int index) {
74.
75. <sub>38</sub>.
                  deleteSet.add(index);
76.
77. 39.
78.
79. 40.
80.
81. 41.
             public boolean isEmpty() {
82.
```

```
83. 42. return minheap.size() == 0;
84.
85. 43. }
86.
87. 44.}
```

#### Python 带删除特定元素功能的堆

```
1. 1.from heapq import heappush, heappop
2.
3. 2.
4.
5. 3.class Heap:
6.
7. 4.
8.
9. 5.
        def __init__(self):
10.
11. 6.
        self.minheap = []
12.
13. 7.
       self.deleted_set = set()
14.
15. 8.
16.
17. 9.
         def push(self, index, val):
18.
19. 10.
             heappush(self.minheap, (val, index))
20.
21. 11.
22.
23. 12.
          def _lazy_deletion(self):
24.
25. 13.
        while self.minheap and self.minheap[0][1] in self.deleted_set:
26.
27. 14.
               heappop(self.minheap)
28.
29. 15.
30.
31. 16.
         def top(self):
32.
33. 17.
          self._lazy_deletion()
34.
35. 18.
        return self.minheap[0]
36.
37. 19.
38.
39. 20.
          def pop(self):
40.
41. \; {\tt 21.} \qquad \qquad {\tt self.\_lazy\_deletion()}
```

```
42.
43. 22.
              heappop(self.minheap)
44.
45. 23.
46.
47. 24.
          def delete(self, index):
48.
49. 25.
              self.deleted_set.add(index)
50.
51. 26.
52.
53. 27.
          def is_empty(self):
54.
55. 28. return not bool(self.minheap)
```

# 并查集 Union Find

# 使用条件

- 需要查询图的连通状况的问题
- 需要支持快速合并两个集合的问题

### 复杂度

- 时间复杂度 union O(1), find O(1)
- •空间复杂度 O(n)

# 领扣例题

- LintCode 1070. 账号合并
- <u>LintCode 1014. 打砖块</u>
- LintCode 1813. 构造二叉树

# 代码模板

```
1.
       1.class UnionFind {
2.
3. <sub>2</sub>.
          private Map<Integer, Integer> father;
4.
5. <sub>3</sub>.
          private Map<Integer, Integer> sizeOfSet;
6.
7. <sub>4</sub>.
          private int numOfSet = 0;
8.
9. 5.
          public UnionFind() {
10.
11. 6.
             // 初始化父指针,集合大小,集合数量
12.
13. 7.
           father = new HashMap<Integer, Integer>();
14.
15. 8.
             sizeOfSet = new HashMap<Integer, Integer>();
16.
17. 9.
              numOfSet = 0;
18.
19. 10.
20.
21. 11.
22.
23. 12.
           public void add(int x) {
24.
25. 13.
               // 点如果已经出现,操作无效
26.
27. 14.
               if (father.containsKey(x)) {
28.
29. 15.
                  return;
30.
31. 16.
32.
33. 17.
              // 初始化点的父亲为 空对象 null
34.
35. <sub>18</sub>.
              // 初始化该点所在集合大小为 1
36.
37. <sub>19</sub>.
             // 集合数量增加 1
38.
39. <sub>20</sub>.
           father.put(x, null);
40.
41. 21.
              sizeOfSet.put(x, 1);
42.
43. <sub>22</sub>.
               numOfSet++;
44.
45. <sub>23</sub>.
46.
47. <sub>24</sub>.
48.
49. <sub>25</sub>.
           public void merge(int x, int y) {
```

```
50.
51. <sub>26</sub>.
               // 找到两个节点的根
52.
53. <sub>27</sub>.
              int rootX = find(x);
54.
55. <sub>28</sub>.
             int rootY = find(y);
56.
57. <sub>29</sub>.
               // 如果根不是同一个则连接
58.
59. <sub>30</sub>.
              if (rootX != rootY) {
60.
61. 31.
                   // 将一个点的根变成新的根
62.
63. <sub>32</sub>.
                   // 集合数量减少 1
64.
65. <sub>33</sub>.
                   // 计算新的根所在集合大小
66.
67. <sub>34</sub>.
                   father.put(rootX, rootY);
68.
69. 35.
                   numOfSet--;
70.
71. <sub>36</sub>.
                   sizeOfSet.put(rootY, sizeOfSet.get(rootX) + sizeOfSet.get(rootY));
72.
73. <sub>37</sub>.
74.
75. <sub>38</sub>.
76.
77. <sub>39</sub>.
78.
79. 40.
           public int find(int x) {
80.
81. 41.
               // 指针 root 指向被查找的点 x
82.
83. 42.
             // 不断找到 root 的父亲
84.
85. <sub>43</sub>.
              // 直到 root 指向 x 的根节点
86.
87. 44.
               int root = x;
88.
89. 45.
               while (father.get(root) != null) {
90.
91. 46.
                 root = father.get(root);
92.
93. 47.
94.
95. <sub>48</sub>.
               // 将路径上所有点指向根节点 root
96.
97. <sub>49</sub>.
               while (x != root) {
98.
```

```
99. 50.
         // 暂存 x 原本的父亲
100.
101. 51.
             // 将 x 指向根节点
102.
103. 52.
                // x 指针上移至 x 的父节点
104.
105. 53.
               int originalFather = father.get(x);
106.
107. 54.
               father.put(x, root);
108.
109. 55.
                x = originalFather;
110.
111. 56.
            }
112.
113. 57.
114.
115. 58.
             return root;
116.
117. 59. }
118.
119. 60.
120.
121. 61. public boolean isConnected(int x, int y) {
122.
123. <sub>62</sub>.
          // 两个节点连通 等价于 两个节点的根相同
124.
125. <sub>63</sub>.
        return find(x) == find(y);
126.
127. 64. }
128.
129. 65.
130.
131. 66. public int getNumOfSet() {
132.
133. 67.
        // 获得集合数量
134.
135. 68.
        return numOfSet;
136.
137. <sub>69</sub>.
138.
139. 70.
140.
141. 71. public int getSizeOfSet(int x) {
142.
143. 72. // 获得某个点所在集合大小
144.
145. 73. return sizeOfSet.get(find(x));
146.
147. 74. }
```

```
148.
149. <sub>75.}</sub>
```

```
1. 1.class UnionFind:
2.
3. <sub>2</sub>.
       def __init__(self):
4.
5. з.
        # 初始化父指针,集合大小,集合数量
6.
7. 4. self.father = \{\}
8.
9. 5. self.size_of_set = {}
10.
11. 6.
        self.num_of_set = 0
12.
13. 7.
14.
15. 8.
       def add(self, x):
16.
17. 9.
          # 点如果已经出现,操作无效
18.
19. 10.
         if x in self.father:
20.
21. 11.
      return
22.
23. 12. # 初始化点的父亲为 空对象 None
24.
25. 13. # 初始化该点所在集合大小为 1
26.
27. 14. # 集合数量增加 1
28.
29. 15. self.father[x] = None
30.
31. 16.
        self.num_of_set += 1
32.
33. 17.
        self.size_of_set[x] = 1
34.
35. 18.
36.
37. 19.
        def merge(self, x, y):
38.
39. 20.
        # 找到两个节点的根
40.
        root_x, root_y = self.find(x), self.find(y)
41. 21.
42.
43. 22. # 如果根不是同一个则连接
44.
45. 23. if root_x != root_y:
```

```
46.
47. 24.
                 # 将一个点的根变成新的根
48.
49. 25.
                 # 集合数量减少 1
50.
51. 26.
                 # 计算新的根所在集合大小
52.
53. 27.
                 self.father[root_x] = root_y
54.
55. 28.
                 self.num_of_set -= 1
56.
57. 29.
                 self.size_of_set[root_y] += self.size_of_set[root_x]
58.
59. <sub>30</sub>.
60.
61. 31.
          def find(self, x):
62.
63. 32.
             # 指针 root 指向被查找的点 x
64.
65. <sub>33</sub>.
             # 不断找到 root 的父亲
66.
67. з4.
             # 直到 root 指向 x 的根节点
68.
69. <sub>35</sub>.
             root = x
70.
71. 36.
          while self.father[root] != None:
72.
73. <sub>37</sub>.
            root = self.father[root]
74.
75. <sub>38</sub>.
             # 将路径上所有点指向根节点 root
76.
77. 39.
             while x != root:
78.
79. 40.
                 # 暂存 x 原本的父亲
80.
81. 41.
                 # 将 x 指向根节点
82.
83. 42.
                 # x 指针上移至 x 的父节点
84.
85. 43.
               original_father = self.father[x]
86.
87. 44.
                 self.father[x] = root
88.
89. 45.
                 x = original_father
90.
91. 46.
             return root
92.
93. 47.
94.
```

```
95. 48.
      def is_connected(self, x, y):
96.
97. 49.
         # 两个节点连通 等价于 两个节点的根相同
98.
99.50. return self.find(x) == self.find(y)
100.
101. 51.
102.
103. 52. def get_num_of_set(self):
104.
105. 53.
          # 获得集合数量
106.
107. 54. return self.num_of_set
108.
109. 55.
110.
111. 56. def get_size_of_set(self, x):
112.
113. 57. # 获得某个点所在集合大小
114.
115. 58. return self.size_of_set[self.find(x)]
```

# 字典树 Trie

# 使用条件

- 需要查询包含某个前缀的单词/字符串是否存在
- 字符矩阵中找单词的问题

## 复杂度

- 时间复杂度 O(L) 增删查改
- 空间复杂度 O(N \* L) N 是单词数, L 是单词长度

## 领扣例题

- LintCode 1221. 连接词
- LintCode 1624. 最大距离

# 代码模板

```
1.
      1.class TrieNode {
2.
3. 2. // 儿子节点
4.
5. 3. public Map<Character, TrieNode> children;
6.
7. 4. // 根节点到该节点是否是一个单词
8.
9. 5. public boolean isWord;
10.
11.6. // 根节点到该节点的单词是什么
12.
13.7. public String word;
14.
15.8. public TrieNode() {
16.
17.9. sons = new HashMap<Character, TrieNode>();
18.
19. 10. isWord = false;
20.
21. 11.
            word = null;
22.
23. <sub>12</sub>. }
24.
25. 13.}
26.
27. 14.
29. \, {	t 15.public class} \, {	t Trie} \, \{
30.
31. 16.
         private TrieNode root;
32.
33. 17. public Trie() {
34.
35. 18. root = new TrieNode();
36.
37. <sub>19</sub>.
38.
39. 20.
40.
41. <sub>21</sub>.
         public TrieNode getRoot() {
42.
```

```
43. 22.
               return root;
44.
45. <sub>23</sub>.
46.
47. <sub>24</sub>.
48.
49. <sub>25</sub>.
           // 插入单词
50.
51. 26.
           public void insert(String word) {
52.
53. <sub>27</sub>.
              TrieNode node = root;
54.
55. <sub>28</sub>.
         for (int i = 0; i < word.length(); i++) {</pre>
56.
57. 29.
                  char letter = word.charAt(i);
58.
59. <sub>30</sub>.
                   if (!node.sons.containsKey(letter)) {
60.
61. <sub>31</sub>.
                      node.sons.put(letter, new TrieNode());
62.
63. <sub>32</sub>.
                   }
64.
65, 33,
                   node = node.sons.get(letter);
66.
67. <sub>34</sub>.
               }
68.
69. <sub>35</sub>.
               node.isWord = true;
70.
71. <sub>36</sub>.
               node.word = word;
72.
73. <sub>37</sub>.
74.
75. 38.
76.
77. <sub>39</sub>.
           // 判断单词 word 是不是在字典树中
78.
79. 40.
           public boolean hasWord(String word) {
80.
81. 41.
             int L = word.length();
82.
83. 42.
          TrieNode node = root;
84.
85. <sub>43</sub>.
             for (int i = 0; i < L; i++) {</pre>
86.
87. 44.
            char letter = word.charAt(i);
88.
89. 45.
                 if (!node.sons.containsKey(letter)) {
90.
91. 46.
            return false;
```

```
92.
93. 47.
               }
94.
95. 48.
               node = node.sons.get(letter);
96.
97. <sub>49</sub>.
98.
99. 50.
100.
101. 51.
              return node.isWord;
102.
103. <sub>52</sub>.
104.
105. 53.
106.
107. 54.
           // 判断前缀 prefix 是不是在字典树中
108.
109. 55.
           public boolean hasPrefix(String prefix) {
110.
111. 56.
            int L = prefix.length();
112.
113. 57. TrieNode node = root;
114.
115. 58.
         for (int i = 0; i < L; i++) {
116.
117. 59.
            char letter = prefix.charAt(i);
118.
119. 60.
             if (!node.sons.containsKey(letter)) {
120.
121. 61.
                     return false;
122.
123. 62.
124.
125. 63.
              node = node.sons.get(letter);
126.
127. 64.
              }
128.
129. <sub>65</sub>.
              return true;
130.
131. 66. }
132.
133. 67.}
```