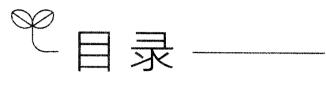
# 数字推理专项

随书附赠



# °⊘ 数字推理 Ø。

第一章	特征数列		 	 	 		 . 3
第一节	基础数列···		 	 	 		 . 3
第二节	多重数列···		 	 	 		 . 6
第三节	分数数列 · · ·		 	 	 		 10
第四节	作商数列···		 	 	 		 15
第五节	幂次数列 · · ·		 	 	 		 17
第六节	图形数阵 · · ·		 	 	 		 20
第七节	机械划分数列		 	 	 		 24
第二章	非特征数	5 <u>]</u> · · ·	 4 4 4	 	 		 27
第一节	多级数列···		 	 	 	<i>.</i> .	 27
第二节	递推数列 · · ·		 	 	 		 32
第三节	应试技巧···		 	 	 		 36

# **学**数字推理——

数字推理属于数量关系中的一个小模块,虽然在国考和各地省考、市考的考试大纲中一直存在,但在近年的行测试卷中却鲜有涉及,只有浙江、江苏、广东、上海等几个为数不多的省市的考卷上依然会有数字推理的试题。从题量上看,一般考查 5 道题。参加上述省考、市考之外的考生,一般不建议花费太多时间在此模块上。

# [最新]国考省考名师课程合集

名师最新课程合集【微信: CC312566 】

言语: 小宝 ♠ 欣说 ▶ 郭熙 ♠ 欧阳 ▶ 老闻 ▶ 顾斐 花生十三等名师
 判断: 钩不了沉 ▶ 龙飞 ▶ 胡小胡 ▶ 宋文涛 ▶ 花生十三 楠楠 郝耀华等

• 数量: 齐麟 ▶ 花生十三 ▶ 唐宋 ▶ 牟立志 ▶ 刘文超 楚凝香 刘文超等

• 资料: 齐麟 ▶ 花生十三 ▶ 高照 ▶ 刘有珍 ▶ 左宏帅 阿里木江等

• 常识: 李梦娇♠李卜♠王军涛♠李three▶ 刀舒等

• 申论: 站长 ▶李梦圆 ▶ 飞扬 ▶ 刘大师 ▶钩不了沉▶小伟 贺C等

# ♥ 第一章 | 特征数列

特征数列是数字推理中考查形式比较灵活的一类题型,其题干为具有明显特征的数列。这类题目在涉及数字推理的省市几乎都会考到,考生作答时需要具有一定的发散思维以及计算能力。我们一般根据数字呈现的不同特征,选取相应的解题思路。

# 第一节 基础数列

基础数列是探寻数字推理的基础,虽然直接考查的概率较低,但万丈高楼平地起,只有掌握好作为基础的常规数列,才能更好地理解其他的数字推理题型。



#### 题型特征

基础数列是指简单的等差、等比、质数、合数、周期、简单幂次、简单递推等容易识别的数列,是数字推理的基础。

粉笔思维

常见的基础数列:

(1) 等差数列

数字之间差不变,如1,3,5,7,9,…

(2)等比数列

数字之间商不变,如1,3,9,27,81,…



#### (3)质数数列

数字均为自然数,且约数只有1和它本身,如2,3,5,7,11,…

(4) 合数数列

数字均为自然数,且除了1和它本身,还有其他约数,如4,6,8,9,10,···

(5) 周期数列

数字具有周期循环性,如1,3,1,3,1,3,…

(6)简单幂次数列

平方数列: 1, 4, 9, 16, 25, 36, …

立方数列: 1, 8, 27, 64, 125, …

(7)简单递推数列

递推和: 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, …

递推差: 89,53,36,17,19,-2,…

递推积: 2, 2, 4, 8, 32, 256, …

▮ 例 1 ▮ (2016 广东)13,26,39,52,( )

A. 55

B. 65

C. 75

D. 85

# ② 思路梳理

数列呈递增趋势,变化平缓,相邻两项两两作差后发现差值都相同。

# ❷ 解题步骤

作差后发现前后两项之间均相差 13,则原数列是公差为 13 的等差数列,故所求项为 52 + 13 = 65。

故正确答案为 B。



№ 2 (2018 广东) 14, 28, 56, 112, ( )

A. 155

B. 186

C. 224

D. 320

#### ● 思路梳理

观察数列,前后两项之间有明显的2倍关系,因此数列是公比为2的等比数列。

#### ❷ 解题步骤

所求项为前一项的 2 倍, 故所求项为 112 × 2=224。

故正确答案为 C。

【 例 3 【 (2019 广东) 2, 9, 11, 20, 31, ( )

A. 39

B. 43

C. 47

D. 51

#### ● 思路梳理

数列呈递增趋势,且相邻三项之间有明显的加和关系,考虑简单递推数列。

# ❷ 解题步骤

观察发现, 2+9=11, 9+11=20, 11+20=31, 即规律为第一项 + 第二项 = 第三项, 则题干所求项为 20+31=51。

故正确答案为 D。

【 例 4 】 (2017 广东) 4, 9, 16, 25, ( )

A. 36

B. 49

C. 64

D. 76

#### ● 思路梳理

观察数列,已知项都是明显的幂次数,考虑简单幂次数列。

# ❷ 解题步骤

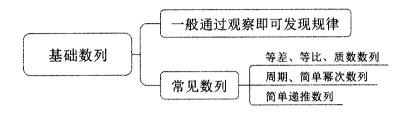
题干数列转化成幂次数列形式为22, 32, 42, 52, ( ), 则题干所求项为



 $6^2 = 36_{\circ}$ 

故正确答案为 A。

#### % 粉笔小结



# 第二节 多重数列

多重数列在数字推理中考查频率稳定,几乎每年都会考到,题量在1~2道,并 且难度不高,建议各位考生重点掌握。



题型特征

数列中数字较多(一般为7项及以上,包含所求项),或有两个括号。

粉笔思维

(1) 先交叉: 奇数项、偶数项分开看。

(2) 再分组: 两两分组或三三分组。

【例1】 (2020 上海) 2, 8, 4, 16, 6, 32, 8, ( )

A. 16

B. 64

C. 128

D. 256

公考前线



#### ● 思路梳理

数列项数较多,考虑多重数列,先交叉找规律。

#### ❷ 解题步骤

奇数项: 2, 4, 6, 8, 构成公差为 2 的等差数列。



偶数项: 8, 16, 32, ( ), 构成公比为 2 的等比数列,则所求项为 32 × 2=64。 故正确答案为 B。

【 例 2 】 (2023 浙江)-2, 1, 0, 5, 26, 17, 124, 37, ( )

A. 196

B. 216

C. 278

D. 342

### ● 思路梳理

数列项数较多,考虑多重数列,先交叉找规律。

#### ❷ 解题步骤

奇数项: -2, 0, 26, 124, ( ), 可转化为 (-1)³-1, 1³-1, 3³-1, 5³-1, ( ), 幂次项底数可构成公差为 2 的等差数列, 指数均为 3, 修正项均为 -1, 故题于所求项应为7³-1=342。

偶数项: 1, 5, 17, 37, 可转化为 $0^2 + 1$ ,  $2^2 + 1$ ,  $4^2 + 1$ ,  $6^2 + 1$ , 幂次项底数可构成公差为 2 的等差数列,指数均为 2, 修正项均为 1。

故正确答案为 D。

【 例 3 】 (2020 上海) 3, 2, 0, 3, 7, 2, −4, 3, ( )

A. 2

B. 7

C. 11

D. 14

#### ● 思路梳理

数列项数较多,考虑多重数列,先交叉找规律。



#### 微信cc312566,一次购买包更新

#### ❷ 解题步骤

奇数项: 3, 0, 7, -4, ( ), 无明显特征, 作差无规律, 考虑加和, 相邻项两两相加得到新数列: 3, 7, 3, ( ), 为周期数列, 故其下一项为 7, 则题干所求项为 7-(-4)=11。

偶数项: 2, 3, 2, 3, 构成周期数列。

故正确答案为 C。

【例4】 (2022 广东) 22, 42, 44, 84, 88, 168, ( ), ( )

A. 176, 336

B. 236, 352

C. 264, 386

D. 312, 412

#### ○ 思路梳理

数列项数较多且题干有两个括号,考虑多重数列,先交叉找规律。

#### ❷ 解题步骤

奇数项: 22, 44, 88, ( ), 是公比为 2 的等比数列, 则题干所求项为 88×2=176;

偶数项: 42,84,168,( ),是公比为2的等比数列,则题干所求项为168×2=336。

故正确答案为A。

【 例 5 】 (2021 广东选调)47,53,49,51,40,60,38,( )

A. 48

B. 54

C. 60

D. 62

#### ② 思路梳理

数列项数较多,考虑多重数列,交叉无规律,考虑分组,数列共 8 项,故考虑两两分组找规律。

# 

将数列两两分组为(47,53),(49,51),(40,60),(38,?),观察发现,每 组内两个数字之和均为100,则所求项为100-38=62。

故正确答案为 D。

【 例 6 【 (2018 重庆选调)4,3,1,12,9,3,17,5,( )

A. 12

B. 13

C. 14

D. 15

#### ● 思路梳理

数列项数较多,考虑多重数列,交叉无规律,考虑分组,数列共9项,故考虑三三分组找规律。

#### 

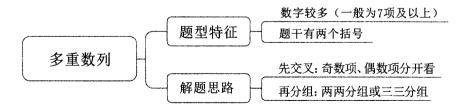
将数列三三分组为(4,3,1),(12,9,3),(17,5,?),观察发现,4=3+1, 12=9+3,即每组内第一项=第二项+第三项,则所求项为17-5=12。

故正确答案为A。

# ❤ 粉笔小贴士

当数列项数较多,且交叉和两两分组均无规律时,可以考虑三三分组。这样的分组方式不常见,一般数列为 9 项或 12 项才会考虑这种分组方式。

# ℃ 粉笔小结





## 微信cc312566,一次购买包更新

# 第三节 分数数列

分数数列属于高频考点,近年来几乎所有考查数字推理的省市,如江苏、广东等都会涉及。该题型易于识别,分子、分母规律变形不多,考生只要掌握方法,就可在考场上快速解题,建议各位考生重点掌握。



#### 题型特征

题干中含有多个分数,一般可看成分数数列。

#### 粉笔思维

- (1) 先观察数列整体趋势。
- (2)整体趋势相同(分子、分母都均匀变大或变小)时,直接观察规律: 一种为分子、分母单独成规律,另一种为分子、分母合在一起成规律。
- (3)整体趋势出现波动(某一项突然变小或变大很多)时,对变化项进行反约分(分子、分母同时扩大或缩小相同倍数,使得数列趋势一致),再观察规律。

**▮** 例 1 **▮** (2018 吉林) 
$$\frac{3}{2}$$
,  $\frac{8}{5}$ ,  $\frac{21}{13}$ , ( ),  $\frac{144}{89}$ 

A.  $\frac{16}{28}$ 

B.  $\frac{56}{39}$ 

C.  $\frac{21}{35}$ 

D.  $\frac{55}{34}$ 

# ● 思路梳理

题干和选项全部是分数,特征明显,为分数数列。先观察整体趋势,整体趋势为 分子、分母均逐渐变大,直接观察规律求解。



#### ❷ 解题步骤

直接观察发现,后一项分数的分母等于前一项分数的分子与分母之和,后一项分数的分子等于该分数的分母与前一项分数的分子之和,故所求项的分母为 21+13=34,分子为 34+21=55,即所求项为 55/34。向后验证: 55+34=89,89+55=144,符合规律。故正确答案为 D。

【 例 2 】 (2015 广东) 
$$\frac{2}{5}$$
,  $\frac{3}{10}$ ,  $\frac{7}{30}$ ,  $\frac{23}{210}$ , ( )

A. 
$$\frac{31}{967}$$

B. 
$$\frac{35}{1208}$$

C. 
$$\frac{159}{2282}$$

D. 
$$\frac{187}{4830}$$

### 🗯 思路梳理

题干和选项全部是分数,特征明显,为分数数列。先观察整体趋势,整体趋势为分子、分母逐渐变大,且分母倍数关系明显,可先从分母的倍数关系入手寻找规律求解,亦可观察分子是否单独成规律,或是否与分母结合成规律。

# ❷ 解题步骤

方法一: 先看分母,用后一项的分母除以前一项的分母可得: 2, 3, 7, ( ),恰好分别为前一项的分子,则 2×5=10、3×10=30、7×30=210,即规律为每一项分子与分母的乘积为下一项的分母,故所求项分母为 23×210=4830。

结合选项,只有 D 项的分母为 4830,且其余选项的分母均不是 4830 的约数,因此符合条件的只有 D 项。

方法二: 先看分子,观察可得: 5-2=3、10-3=7、30-7=23,即每一项分母与分子之差为下一项的分子,故所求项分子为 210-23=187。

结合选项,只有 D 项的分子为 187,且其余选项的分子均不是 187 的约数,因此符合条件的只有 D 项。

故正确答案为 D。



## ❤ 粉笔小贴士

- (1)分数数列中常常有仅通过分子或分母即可锁定答案的情况,在考场上遇到 此类题目时,考生不用再去找剩余的分母或分子的规律,这样可以提高解题速度、 节约时间。
- (2)利用单独的分子或分母选择答案时,切记要考虑分数可以约分这一特殊性,确保只有一项的分子或分母符合要求,且其余项的分子或分母不是其约数时才可锁定答案。

**1** 例 3 **1** (2020 江苏) 
$$\frac{32}{7}$$
, 4,  $\frac{128}{25}$ ,  $\frac{128}{17}$ ,  $\frac{512}{43}$ , ( )

A. 6

B.  $\frac{256}{13}$ 

C.  $\frac{512}{19}$ 

D.  $\frac{512}{53}$ 

#### 🚳 思路梳理

题干和选项中的数字大多数是分数,特征明显,为分数数列。先观察整体趋势,除了第二项、第四项之外整体趋势相同;再分别观察分子、分母,分子规律很明显,都是 2 的幂次数,故将第二项和第四项反约分,将其分子分别转化为 2<sup>6</sup> 和 2<sup>8</sup>。由此确定第二项和第四项,再观察规律求解本题。

# ❷ 解题步骤

原数列可转化为 $\frac{32}{7}$ ,  $\frac{64}{16}$ ,  $\frac{128}{25}$ ,  $\frac{256}{34}$ ,  $\frac{512}{43}$ , ( )。分子依次为 32, 64, 128, 256, 512, ( ),可构成公比为 2 的等比数列,则题干所求项的分子为 512×2= 1024; 分母依次为 7, 16, 25, 34, 43, ( ),可构成公差为 9 的等差数列,则题干所求项的分母为 43+9=52。故题干所求项为 $\frac{1024}{52} = \frac{256}{13}$ 。

故正确答案为 B。

**■** 例 4 **■** (2023 浙江) 2, 2, 2, 
$$\frac{9}{5}$$
,  $\frac{5}{3}$ , ( )

A. 
$$\frac{3}{2}$$

B. 
$$\frac{7}{3}$$

C. 
$$\frac{11}{6}$$

D. 
$$\frac{12}{7}$$

# 🐼 思路梳理

题干和选项中的数字大部分为分数,特征明显,为分数数列。先观察整体趋势, 前三项均为整数,第五项分子、分母均变小,这四项考虑反约分;由于第五项为分数, 且本题后两项的分母相对于分子来说较小,故可将第五项反约分后,再确定前三项的 分母。由此确定本题规律。

#### 

考虑将第五项反约分为 $\frac{10}{6}$ ,结合第四项为 $\frac{9}{5}$ ,可将原数列转化为 $\frac{4}{2}$ , $\frac{6}{3}$ , $\frac{8}{4}$ , $\frac{9}{5}$ , $\frac{10}{6}$ ,( )。分子部分: 4,6,8,9,10,( ),可构成合数数列,则所求项的分子为 12;分母部分: 2,3,4,5,6,( ),可构成公差为 1 的等差数列,则所求项的分母为 7。故题干所求项为 $\frac{12}{7}$ 。

故正确答案为 D。

【 例 5 】 (2018 浙江) 
$$\frac{1}{16}$$
,  $\frac{1}{7}$ ,  $\frac{1}{4}$ ,  $\frac{2}{5}$ ,  $\frac{5}{8}$ , ( )

A.  $\frac{6}{7}$ 

B. 1

C.  $\frac{3}{2}$ 

D. 2

# 🚳 思路梳理

题干中数字全部是分数,特征明显,为分数数列。先观察整体趋势,非单调变化,考虑反约分;再分别观察分子、分母,分子第一项是1,第五项是5,中间有三项,考虑这三项的分子分别为2、3、4。由此确定本题规律。



# ❷ 解题步骤

原数列可转化为 $\frac{1}{16}$ ,  $\frac{2}{14}$ ,  $\frac{3}{12}$ ,  $\frac{4}{10}$ ,  $\frac{5}{8}$ , ( )。观察发现,分母可构成公差为 -2的等差数列,分子可构成公差为 1 的等差数列,则题干所求项为 $\frac{5+1}{8+(-2)}=\frac{6}{6}=1$ 。故正确答案为 B。

【 例 6 】 (2017 江苏) 
$$\frac{1}{3}$$
,  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{3}{7}$ ,  $\frac{5}{11}$ ,  $\frac{4}{9}$ , ( )

A. 
$$\frac{13}{29}$$

B. 
$$\frac{11}{27}$$

C. 
$$\frac{9}{25}$$

D. 
$$\frac{15}{31}$$

### ● 思路梳理

题干和选项全部是分数,特征明显,为分数数列。先观察整体趋势,第二项分母变小,第五项分子、分母均变小,这两项考虑反约分;又因为第二项处于两个已知项中间,所以反约分第二项之后即可通过前四项找出规律,再结合第五项求解。

# ⋒ 解题步骤

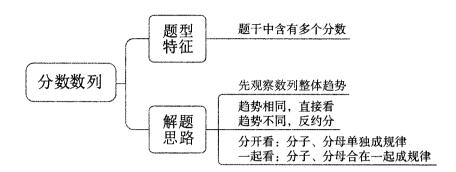
第二项反约分之后,其分子要介于第一项和第三项分子之间,只能为 2,故反约分之后前四项为  $\frac{1}{3}$  ,  $\frac{2}{4}$  ,  $\frac{3}{7}$  ,  $\frac{5}{11}$  。分子、分母分开看,观察分子发现,1+2=3 , 2+3=5 ; 观察分母发现,3+4=7 , 4+7=11 , 则分子和分母的规律均为前两项之和等于第三项。由此可推出第五项的分子为 3+5=8 , 分母为 7+11=18 , 则第五项应为  $\frac{8}{18}=\frac{4}{9}$  ,与原数列第五项吻合,故规律成立。则题干所求项分子应为 5+8=13 ,分母

应为 11 + 18 = 29,即题干所求项为  $\frac{13}{29}$ 。

故正确答案为 A。



#### % 粉笔小结



# 第四节 作商数列

作商数列在数字推理中比较常见,几乎每年都有涉及,一般最多出现1道,并且 难度不高,各位考生需重点掌握。

P

题型特征

相邻两项之间有明显的倍数关系。

粉笔思维

相邻项两两作商得到一个基础数列。

【 例 1 【 (2018 新疆)3,6,18,72,360,( )

A. 2160

B. 1800

C. 1440

D. 432

#### ● 思路梳理

观察数列,发现相邻两项之间有明显的倍数关系,考虑作商数列。

# ❷ 解题步骤

后一项除以前一项得到新数列: 2, 3, 4, 5, ( ), 是公差为1的等差数列,



则其下一项为 6, 故题干所求项应为 6×360=2160。

故正确答案为 A。

■ 例 2 ■ (2019 江苏) 8, 2, 1, 1, 2, ( )

A. 4

B. 8

C. 10

D. 16

#### ○ 思路梳理

观察数列,发现相邻两项之间有明显的倍数关系,考虑作商数列。

# ❷ 解题步骤

前一项除以后一项得到新数列: 4, 2, 1,  $\frac{1}{2}$ , ( ), 是公比为 $\frac{1}{2}$ 的等比数列,

则其下一项为 $\frac{1}{4}$ ,故题干所求项应为 $\frac{2}{\frac{1}{4}}$ =8。

故正确答案为 B。

【 例 3 【 (2021 江苏) -1.6, -4, -6, -3, 1.5, ( )

A. -2.25

B. -1.5

C. 1.5

D. 3.75

# 🕝 思路梳理

观察数列,发现相邻两项之间有明显的倍数关系,考虑作商数列。

# ❷ 解题步骤

后一项除以前一项得到新数列: 2.5, 1.5, 0.5, -0.5, ( ),是公差为 -1 的等差数列,则其下一项为 -0.5—1=—1.5,故题干所求项应为  $1.5 \times (-1.5) = -2.25$ 。

故正确答案为 A。

例4 (2019 浙江) 750, 250, 100, 50, ( ),  $\frac{100}{3}$ 



A. 25

B.  $\frac{100}{3}$ 

C. 40

D. 45

#### ❷ 思路梳理

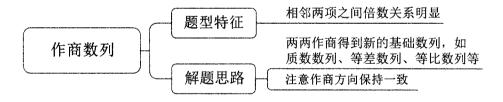
观察数列,发现相邻两项之间有明显的倍数关系,考虑作商数列。

#### ❷ 解题步骤

前一项除以后一项得到新数列: 3, 2.5, 2, ( ), ( ), 是公差为 -0.5 的等差数列,则新数列的后两项应为 1.5, 1。故 50÷ 所求项 =1.5,解得所求项  $=\frac{100}{3}$ 。验证:  $\frac{100}{3}$ ÷ $\frac{100}{3}$ =1,符合规律。

故正确答案为 B。

#### % 粉笔小结



# 第五节 幂次数列

幂次数列在数字推理中难度较高,大概每年考查 1 道,考查形式多样,属于数字推理题目中的难点。



题型特征

数字本身是幂次数或数字附近有平方或立方等幂次数。



数字本身就是幂次数的,称为普通幂次;如果数字在幂次数附近,需要通过幂次数再做一些简单计算才能得到的,称为修正幂次。

#### 粉笔思维

- (1) 普诵幂次· 直接转化为幂次数。
- (2)修正幂次:转化为"幂次数+修正项"。
- 例 1 (2020 江苏) 1, 1, 4, 9, 25, ( )

A. 64

B. 49

C. 81

D. 121

#### ● 思路梳理

观察数列,发现4、9、25都是平方数,考虑幂次数列。

#### ⋒ 解题步骤

原数列前五项可转化为  $1^2$ ,  $1^2$ ,  $2^2$ ,  $3^2$ ,  $5^2$ 。观察发现,底数存在规律: 1+1=2, 1+2=3, 2+3=5, 即第一项的底数 + 第二项的底数 = 第三项的底数,故题干所求项为  $(3+5)^2=8^2=64$ 。

故正确答案为 A。

【 例 2 【 (2019 深圳)3,10,29,84,( )

A. 166

B. 247

C. 275

D. 280

#### ● 思路梳理

观察数列,发现题干各项均为幂次数附近的数,考虑修正幂次数列。

# ⋒ 解题步骤

原数列已知项可转化为 3<sup>1</sup>+0, 3<sup>2</sup>+1, 3<sup>3</sup>+2, 3<sup>4</sup>+3。幂次部分的底数均为 3, 指数为连续自然数,则题干所求项指数为 5; 修正项为连续非负整数,则题干所求项的修正项为 4。故题干所求项应为 3<sup>5</sup>+4=247。



故正确答案为 B。

#### ❤ 粉笔小贴士

选项尾数不一致时可以用尾数法排除。

【 例 3 【 (2016 深圳)1, 5, 18, 67, ( ) A. 258 B. 259

C. 260

D. 261

#### ● 思路梳理

观察数列,发现数列呈递增趋势且变化幅度较大。虽然没有幂次数,但是数列各项均在幂次数附近,如5在4附近,18在16附近,因此考虑修正幂次数列。

#### ❷ 解题步骤

原数列已知项可转化为 1+0, 4+1, 16+2, 64+3, 即  $1^2+0$ ,  $2^2+1$ ,  $4^2+2$ ,  $8^2+3$ 。幂次项的指数均为 2, 底数分别为 1, 2, 4, 8, 可构成公比为 2 的等比数列,则题干所求项的底数为 16; 修正项分别为 0, 1, 2, 3, 可构成公差为 1 的等差数列,则题干所求项的修正项为 4。因此题干所求项应为  $16^2+4=260$ 。

故正确答案为 C。

▮ 例 4 ▮ (2018 广州) 3, 11, 13, 29, ( )

A. 31

B. 34

C. 38

D. 41

# 🕟 思路梳理

观察数列,发现数列依次递增,且各项均为幂次数附近的数,考虑修正幂次数列。

# ❷ 解题步骤

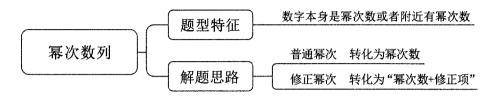
原数列已知项可转化为  $2^2-1$ ,  $3^2+2$ ,  $4^2-3$ ,  $5^2+4$ 。幂次项的指数均为 2, 底数可构成公差为 1 的等差数列,则题干所求项的底数为 6; 修正项分别为 -1, 2, -3, 4, 正负交替出现,且数字绝对值可构成自然数列,则题干所求项的修正项为 -5。故题



干所求项应为 6<sup>2</sup>-5=31。

故正确答案为 A。

## ° の 粉笔小结



# 第六节 图形数阵

图形数阵属于数字推理中较冷门的一种题型,近年来只有浙江、上海和广州的公务员考试涉及较多,其他地区的考生了解即可,但报考浙江、上海和广州公务员的考生一定要重点掌握。图形数阵看似杂乱无章,实则规律较为单一,掌握了方法即可应对自如。



#### 题型特征

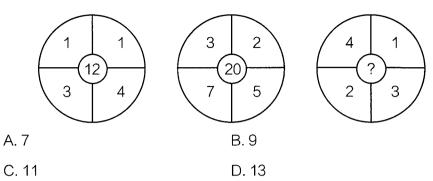
题干出现图形,常见的有三角形、圆形 (有中心、无中心)、方阵。

#### 粉笔思维

- (1)三角形和圆形的图形数阵:一种是有中心数,按凑中心数的方法, 找其他数与中心数的关系;另一种是无中心数,无中心凑相等,圆形优先考 虑对角线。
- (2)方阵:大数在同一位置,优先按行按列凑大数,大数不在同一位置, 优先加和。



#### 例 1 (2015 辽宁选调)



#### ● 思路梳理

题干特征明显,为圆形的图形数阵。有中心数则凑中心数,观察其他数与中心数 的关系。

#### 

观察发现:

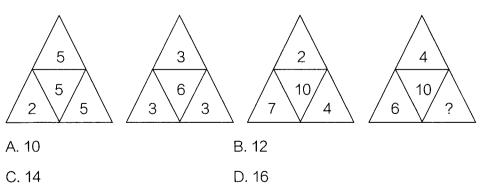
第一个数阵中,(1+1+3+4)+3=12;

第二个数阵中,(3+2+7+5)+3=20。

因此规律为(左上角数字 + 右上角数字 + 左下角数字 + 右下角数字)+3=中心数。则第三个数阵中,? = (4+1+2+3)+3=13。

故正确答案为 D。

# 





#### ● 思路梳理

题干特征明显,为三角形的图形数阵。有中心数则凑中心数,观察其他数与中心数的关系,因为第二个、第三个数阵的中心数均比周围数大,故可以此为突破口找规律,考虑加法、乘法等可以使数字变大的方法。

#### ❷ 解题步骤

观察发现:

第一个数阵中,5×2-5=5;

第二个数阵中, 3×3-3=6;

第三个数阵中, 2×7-4=10。

因此规律为最上面的数字 × 左下角的数字 – 右下角的数字 = 中心数。

则第四个数阵中,  $4 \times 6$ -? =10, 解得? =14。

故正确答案为 C。

4	3	6	8
2	4	5	7
6	Χ	11	15
36	49	Y	225

A. 5, 81

B. 5, 121

C. 7, 81

D. 7, 121

# 🕟 思路梳理

题干特征明显,为4×4方格形的图形数阵。凑大数,先观察图形,大数在每一列的最后一项,且均为平方数,再找每一列其余数字与大数之间的关系即可求解本题。

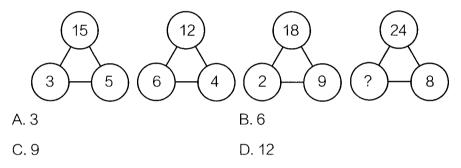


#### ❷ 解题步骤

第一、二、四列的大数分别为 36、49、225, 依次为 6、7、15 的平方。观察每一列,发现第一列、第四列的第三行数恰好分别为 6、15,且前两行数字之和等于第三行数字,即 4+2=6,6+5=11,8+7=15,故每一列规律为:第一行+第二行=第三行、(第一行+第二行)×第三行=第四行,则 X=3+4=7, $Y=(6+5)\times11=121$ 。

故正确答案为 D。

#### ■ 例 4 ■ (2023 上海)根据下列数字关系,"?"中的数字不可能是:



# ● 思路梳理

观察发现, $3\times5=15$ , $2\times9=18$ ,但 $6\times4\neq12$ ,因此各数阵之间无法形成统一的递推规律,故考虑数字特性。

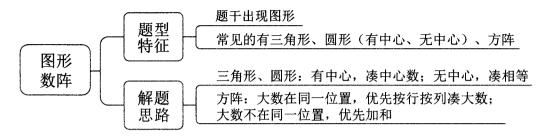
#### ❷ 解题步骤

分析可得, 3 与 5 均为 15 的约数, 6 与 4 均为 12 的约数, 2 与 9 均为 18 的约数, 即在每个数阵中,下面两个数字均为上面数字的约数。按此规律,选项中只有 C 项 9 不是 24 的约数。

本题为选非题, 故正确答案为 C。



#### % 粉笔小结



# 第七节 机械划分数列

机械划分数列的考查频率较低、在考试中偶尔会出现,考查形式多变,规律灵活,难以归类。近年来机械划分数列多考查题干数字位数较多的题型,考生可对此类题型重点进行掌握。



#### 题型特征

数列位数较多,常见三位数或四位数;出现特殊符号,比如小数点、根号、加减号等。

粉笔思维

位数较多时考虑拆项,拆分后一般考虑内部加和、外部联系以及排序等 规律。

Ⅰ 例 1 Ⅰ (2017 广东) 325, 118, 721, 604, ( )

A. 911

B. 541

C. 431

D. 242

#### ● 思路梳理

每一项都是三位数,位数较多,考虑拆分之后再找规律,拆分之后考虑各位数字



加和。

#### ❷ 解题步骤

将每一项拆分之后的各位数字相加,可得3+2+5=10,1+1+8=10,7+2+1=10,6+0+4=10,则所求项各位数字之和也应为10。结合选项,只有B项符合。

故正确答案为 B。

A. 158

B. 233

C. 397

D. 406

#### ○ 思路梳理

每一项都是三位数,位数较多,考虑拆分之后再找规律,拆分之后考虑各位数字加和,加和无规律,考虑乘积。

#### ❷ 解题步骤

将每一项拆分之后的各位数字相乘,可得  $5 \times 2 \times 1 = 10$ ,  $2 \times 3 \times 2 = 12$ ,  $1 \times 7 \times 2 = 14$ ,  $4 \times 2 \times 2 = 16$ , 发现每项的各位数字乘积可构成公差为 2 的等差数列,则该新数列的下一项为 16 + 2 = 18。结合选项,只有 B 项  $2 \times 3 \times 3 = 18$  符合。

故正确答案为 B。

A.  $18 + \sqrt{6}$ 

B.  $16 + 2\sqrt{2}$ 

C.  $32 + \sqrt{6}$ 

D. 28

# ❷ 思路梳理

观察数列特征,有特殊符号"+",一般以"+"为分界线进行拆分。

# ❷ 解题步骤

数列可转化为  $1+\sqrt{1}$ ,  $2+\sqrt{2}$ ,  $4+\sqrt{3}$ ,  $8+\sqrt{4}$ ,  $16+\sqrt{5}$ , ( )。"+"前的部分:



1, 2, 4, 8, 16, ( ),可构成公比为 2 的等比数列,则其下一项为  $16 \times 2=32$ ; "+"后的部分:  $\sqrt{1}$ ,  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{4}$ ,  $\sqrt{5}$ , ( ),根号下的数字可构成公差为 1 的等差数列,则其下一项为 $\sqrt{5+1}=\sqrt{6}$ 。故题干所求项为  $32+\sqrt{6}$ 。

故正确答案为 C。

【例4】 (2017 吉林) 123456, 61234, 4612, ( ), 62, 2 A. 326 B. 261 C. 246 D. 512

#### ● 思路梳理

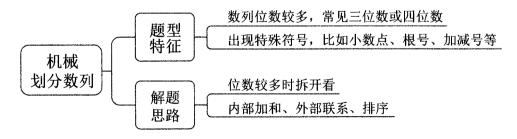
数列前三项数字较大,考虑拆分,每一项位数依次减少且数字重复出现,考虑数字之间的排序规律。

#### ❷ 解题步骤

先观察数列前两项,有重复的"1234"出现,"6"从第一项的个位变为第二项的最高位,第一项倒数第二位的5没有出现在第二项中,故可猜测规律为前一项的最后一位变为后一项的第一位,前一项的倒数第二位在后一项中不出现。用剩余项验证,此规律成立。故所求项应为246。

故正确答案为C。

# ℃ 粉笔小结



# 第二章 | 非特征数列

非特征数列区别于特征数列,数列本身不呈现明显特征,需要对数列中数字进行 计算才能得到规律,因而难度较特征数列略有提高。本章的学习需建立在已掌握基础 数列的基础之上。

# 第一节 多级数列

多级数列是数字推理中考查频率最高的题型,每年必考,但难度不高,考查方式相对变化不大,各位考生需重点掌握。



题型特征

数列中数字大小变化平缓,无其他明显特征。一般可通过作差或作和 得到有规律的数列,从而求解。

粉笔思维

相邻数字两两作差或作和,作差时需注意作差方向一致(均为后一项减前一项,或者均为前一项减后一项)。

【例1【 (2018 深圳) 2, 14, 34, 62, ( ) A. 90 B. 98



C. 108

D. 116

#### 🚳 思路梳理

数列各项依次增大,变化平缓,无明显特征,考虑两两作差,观察结果再求解。

#### 

后一项减前一项可得新数列: 12, 20, 28, ( ), 是公差为 8 的等差数列,则其下一项为 28+8=36, 故题干所求项为 62+36=98。

故正确答案为 B。

【 例 2 【 (2023 浙江)7,8,9,11,17,41,( )

A. 86

B. 123

C. 161

D. 192

#### ● 思路梳理

数列各项依次增大,变化平缓,无明显特征,考虑两两作差,观察结果再求解。

# ❷ 解题步骤

后一项减前一项可得新数列 M: 1, 1, 2, 6, 24, ( ), 相邻两项有明显的倍数关系, 考虑作商, 后一项除以前一项可得新数列 N: 1, 2, 3, 4, ( ), 是自然数列,则新数列 N 的下一项为 5, 新数列 M 的下一项为 24×5=120, 故题干所求项为 41+120=161。

故正确答案为C。

【 例 3 】 (2016 江苏) 2, 7, 14, 25, 38, ( )

A. 54

B. 55

C. 57

D. 58

#### ❷ 思路梳理

数列各项依次增大,变化平缓,虽有平方数 25,但其他数字并非幂次形式,考 虑幂次数列无结果,所以考虑两两作差,观察结果再求解。



#### 

后一项减前一项可得新数列: 5, 7, 11, 13, ( ), 为连续质数数列,则其下一项为 17, 故题干所求项为 38+17=55。

故正确答案为 B。

【 例 4 【 (2018 广州) 5, 7, 17, 19, 29, ( )

A. 31

B. 39

C. 41

D. 47

#### ● 思路梳理

数列各项依次增大,变化平缓,无明显特征,考虑两两作差,观察结果再求解。

#### 

后一项减前一项可得新数列: 2, 10, 2, 10, ( ), 是以"2, 10"为循环节的周期数列,则其下一项为 2, 故题干所求项为 29+2=31。

故正确答案为A。

● 例 5 ● (2017 广州) 6, 7, 12, 18, 29, ( )

A. 52

B. 50

C. 48

D. 46

#### 🚳 思路梳理

数列各项依次增大,变化平缓,无明显特征,考虑两两作差,观察结果再求解。

#### ❷ 解题步骤

后一项减前一项可得新数列: 1, 5, 6, 11, ( ), 发现 1+5=6, 5+6=11, 即新数列前两项的和等于第三项,则其下一项为 6+11=17, 故题干所求项为 17+29=46。 故正确答案为 D。

▌ 例 6 】 (2019 浙江) 7, 12, 25, 50, 91, 152, ( )



A. 237

B. 241

C. 243

D. 255

#### ● 思路梳理

数列各项依次增大,变化平缓,无明显特征,考虑两两作差,观察结果再求解。

### ⋒ 解题步骤

后一项减前一项可得新数列 M: 5, 13, 25, 41, 61, ( ), 无明显特征,且变化趋势不大,考虑二次作差;后一项减前一项可得新数列 N: 8, 12, 16, 20, ( ), 是公差为 4 的等差数列,则其下一项为 24,新数列 M 的下一项为 24+61=85,故题干所求项为 85+152=237。

故正确答案为 A。

**M** 7 **(2023 浙江)** -2, 5, 0, 7, 4, ( )

A. 8

B. 9

C. 12

D. 17

# 🕟 思路梳理

数列各项忽大忽小, 无明显特征, 两两作差无规律, 考虑两两作和求解。

# ❷ 解题步骤

相邻两项作和可得新数列: 3, 5, 7, 11, ( ), 为质数数列,则其下一项应为 13, 故题干所求项为 13-4=9。

故正确答案为 B。

▶ 例 8 ▶ (2017 浙江) —1, 1, 3, 10, 19, ( ), 55

A. 27

B. 35

C. 43

D. 56

#### 🚱 思路梳理

数列各项依次增大,变化平缓,无其他明显特征。考虑两两作差,二次作差仍无



规律。考虑两两作和,观察结果再求解。

#### 

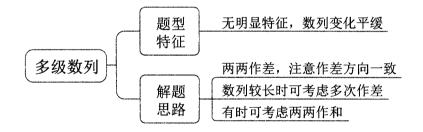
后一项减前一项可得新数列 M: 2, 2, 7, 9, ( ), ( ), 无明显特征, 再次作差仍无规律, 考虑将新数列 M 的各项数字两两作和。相邻两项作和可得新数列 N: 4, 9, 16, ( ), ( ), 可转化为  $2^2$ ,  $3^2$ ,  $4^2$ , ( ), ( ), 底数构成公差为 1 的等差数列,指数均为 2,则新数列 N 的后两项分别为  $5^2$ =25, $6^2$ =36,故新数列 M 的后两项分别为 25—9=16,36—16=20,则题干所求项为 16+19=35。向后验证:35+20=55,符合规律。

故正确答案为 B。

#### ❤ 粉笔小贴士

当从多级数列作差一次所得数列中无法找到规律时,可考虑作和或再次作差。

#### %の 粉笔小结





31



# 第二节 递推数列

递推数列是数字推理中难度较高的一类题型,虽然题量不大,但是考查形式变化 多样,属于数字推理题目中的难点。



#### 题型特征

除数字变化趋势外,无其他明显特征。通常将数列中的两项进行运算得 到第三项。常见的运算方式有和、差、积、方、倍、商等。

#### 粉笔思维

做递推数列题目时,第一步,通过观察数字变化趋势,初步判断运算方法;第二步,选择几项(通常选择连续且绝对值较大的三项)寻找运算规律;第三步,代入数列其他项验证规律,若所有项均符合规律,则通过规律求解未知项;若有些项不符合,则重新尝试其他规律。

**M** 4 **M** 1 **M** (2018 新疆) 15, 20, 40, 65, ( ), 180

A. 110

B. 115

C. 120

D. 125

# ● 思路梳理

数列呈现递增趋势且增加趋势平缓,尝试作差无规律后,考虑递推数列。

# ❷ 解题步骤

选取绝对值较大的连续三项: 20, 40, 65, 观察它们之间的关系, 发现 20+40+5=65, 即第三项为前两项之和再加 5。验证此规律, 15+20+5=40, 规律成立。则题于 所求项为 40+65+5=110。向后验证, 65+110+5=180, 符合规律。

故正确答案为 A。



#### 更多公务员/事业/教师/文职/公安/社工等资料,微信:cc312566

● 例 2 ● (2018 浙江) 2, 3, 10, 26, 72, ( )

A. 124

B. 170

C. 196

D. 218

#### 🙉 思路梳理

数列各项依次增大,除第一项外,其余各项相邻两项之间大致呈 3 倍关系,变化较为平稳,尝试寻找 3 倍递推关系无结果。考虑其他可能的递推,取较大的连续三项(10,26,72),观察这三项之间的关系。若想由 10 和 26 这两个较小的数字得到 72,因两者相乘远大于 72,故考虑加减递推。

#### ❷ 解题步骤

选取绝对值较大的连续三项: 10, 26, 72, 发现(10+26)×2=72。验证其他项,  $(2+3)\times 2=10$ ,  $(3+10)\times 2=26$ , 故数列规律为: 对于连续的三项, (第一项+第二项)×2=第三项, 故题干所求项为(26+72)×2=196。

故正确答案为 C。

▮ 例 3 ▮ (2020 江苏) 3, 7, 16, 36, 80, ( )

A. 176

B. 148

C. 166

D. 188

# ❷ 思路梳理

数列各项依次增大,相邻两项之间大致呈 2 倍关系,变化较为平稳,因此尝试寻找 2 倍递推关系求解。

#### ❷ 解题步骤

方法一: 选取绝对值较大的连续三项: 7, 16, 36, 观察它们之间的关系, 发现 16=7×2+2, 36=16×2+4。验证其他项, 7=3×2+1, 80=36×2+8, 故数列规律为: 对于连续的两项, 第二项=第一项×2+修正项; 修正项依次为1, 2, 4, 8, ( ), 可构成公比为2的等比数列,则其下一项为8×2=16。故题干所求项为80×2+16=176。

方法二: 选取绝对值较大的连续三项:7,16,36,观察它们之间的关系,发现



 $(16-7) \times 4 = 36$ 。 验证其他项, $(7-3) \times 4 = 16$ , $(36-16) \times 4 = 80$ ,故数列规律为:对于连续的三项, $(第二项 - 第一项) \times 4 = 第三项$ 。故题干所求项为 $(80-36) \times 4 = 176$ 。

故正确答案为 A。

## ❤ 粉笔小贴士

如果递推数列变化较均匀,可考虑倍数递推,再利用加减修正。

【例4【(2019 江苏)2,4,8,33,266,( )

A. 8781

B. 9364

C. 7528

D. 6742

#### ● 思路梳理

数列各项依次增大,前半部分变化较慢,后半部分变化较快,因此考虑利用乘积 或幂次递推关系求解。

# ❷ 解题步骤

选取绝对值较大的连续三项: 4, 8, 33, 观察它们之间的关系, 发现 33=4×8+1。 验证其他项, 8=2×4+0, 266=8×33+2, 故数列规律为: 对于连续的三项, 第三项 = 第一项 × 第二项 + 修正项; 修正项依次为 0, 1, 2, ( ), 是连续的自然数列,则 其下一项为 3。故题干所求项为 33×266+3=8781。

故正确答案为 A。

【 例 5 【 (2018 广东) 1, 2, 5, 26, ( )

A. 377

B. 477

C. 577

D. 677

#### ● 思路梳理

数列各项依次增大,前半部分变化较慢,后半部分变化特别快,因此考虑利用乘 积或幂次递推关系求解。



#### ❷ 解题步骤

选取绝对值较大的连续三项: 2, 5, 26, 观察它们之间的关系, 发现  $5=2^2+1$ ,  $26=5^2+1$ 。验证其他项,  $2=1^2+1$ 。故数列规律为:对于相邻两项, 第二项 = 第一项  $^2+1$ , 则题于所求项应为  $26^2+1=677$ 。

故正确答案为 D。

# ❤ 粉笔小贴士

如果递推数列变化较快,可考虑乘积递推或幂次递推,再利用加减修正。

Ⅰ 例 6 Ⅰ (2023 浙江)163,47,22,—19,79,(

A. -256

B. -115

C. 181

D. 223

#### ● 思路梳理

数列无明显特征,且起伏明显,尝试作差无规律,考虑递推数列。

# 🚱 解题步骤

选取绝对值较大的连续三项: 47, 22, -19, 观察它们之间的关系, 发现47-22×3=-19。验证其他项,  $163-47\times3=22$ ,  $22-(-19)\times3=79$ 。故数列规律为: 对于连续的三项, 第一项 - 第二项 × 3= 第三项, 则题干所求项为-19-79×3=-256。

故正确答案为 A。

【 例 7 【 (2017 浙江) 4, −2, 1, 3, 2, 6, 11, ( )

A. 16

B. 19

C. 22

D. 25

#### ● 思路梳理

数列无明显特征,作差后得到的数列仍无明显规律,考虑递推数列。

#### 

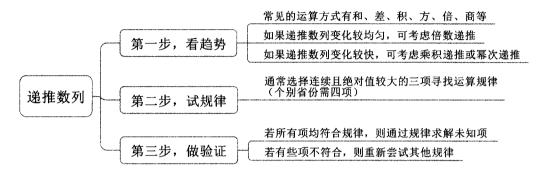
选取绝对值较大的连续四项: 3, 2, 6, 11, 观察它们之间的关系, 发现 3+2+6=



11。验证其他项, 4 + (-2) +1=3, -2+1+3=2, 1+3+2=6。故数列规律为: 对于连续的 四项, 前三项之和等于第四项。故题干所求项应为 2+6+11=19。

故正确答案为 B。

#### ℃ 粉笔小结



# 第三节 应试技巧

考试时,对于非特征数列题目,不建议逐题进行分析。非特征数列题目变化形式比较灵活,如果逐题分析,一则浪费时间,二则容易干扰做题思路,影响答题节奏。因此,对于数字推理题目,建议考生在考试时对 5 道或 10 道题目进行整体考虑,将其中的非特征数列识别出来,先通过作差,将难度较低、相对容易的题目解决,再考虑递推解决剩下的非特征数列。

对于解决不了的题目,如果一时没有思路,意味着该题目很有可能比较难,因此 不建议考生在这里死磕,不妨先做其他题目,若有时间再回来思考。

在解答数字推理题目时,有时在同一道题目中可能会找到指向不同答案的两种规律,这时就要分析两种规律中哪一种更具有说服力。例如: 2, 4, 8, ( ),根据规律 2×2=4, 4×2=8,8×2=16,可得括号中应为16;而根据规律 2×4=8,4×8=32,可得括号中应为32。前一种规律在已知数列数字中进行了2次验证(2×2=4,4×2=8),而后一种规律只验证了1次(2×4=8),所以前一种规律更具说服力,更为合理。在数字推理题目中,对应正确答案的规律一般都能验证2次以上。