

Exercise 1

1.1

代码:

```
public class RabinKarp {

    public static void RabinKarpAlgorithm(char[] T, char[] P, int d, int q) {
        int n = T.length;
        int m = P.length;
        if (n < m)
            return;
        int h = 1;
        for (int i = 1; i <= m - 1; i++)
            h = h * d % q;
        // 预处理, 计算 p, t0
        int p = 0, t = 0;
        for (int i = 0; i < m; i++) {
            p = ((d * p + P[i]) % q);
            t = ((d * t + T[i]) % q);
        }
        // 开始匹配
        for (int s = 0; s < n - m + 1; s++) {
            if (p == t) {
                int i = 0;
                for (i = 0; i < m; i++) // 进一步验证
                    if (P[i] != T[s + i])
                        break;
                if (i == m)
                    System.out.println("Pattern occurs from: " + s);
            }
            if (s < n - m)
                t = (d * (t - T[s] * h % q) + T[s + m]) % q; // 计算 t_{s+1}
        }
        System.out.println("String matching ends");
    }

    public static void main(String[] args) {
        String strT = "2359023141526739921";
        String strP = "31425";
        char[] T = strT.toCharArray();
        char[] P = strP.toCharArray();
        int d = 10; // 所有出现的字符均为数字 0-9, 故字母表大小为 10.
        int q = 13;
        RabinKarp.RabinKarpAlgorithm(T, P, d, q);
    }
}
```

}

}

1.2

当 q 取值为 2 时, 任意数 m : $m \bmod 2 = 0$ 或 $m \bmod 2 = 1$
 这将导致大量的经 $\bmod 2$ 运算后生成的 t_i 值等于 p 故会出现大量需要进一步验证却最终不匹配的情况, 严重影响算法的性能。

Exercise 2.

2.1

有限自动机的状态转换表如下

	a	b	c
0	1	0	0
1	1	2	0
2	3	0	0
3	4	2	0
4	1	5	0
5	6	2	0
6	6	6	6

2.2

前缀函数表如下

p	a	b	a	a	b	a
q	0	1	2	3	4	5
$\pi[q]$	0	0	1	1	2	3

使用KMP算法的比较过程如下:

a a b a b a c a b a a b c c a a b a a b a

a b a a b a

1. a b a a b a

2. a b a a b a

3. a b a a b a

4. a b a a b a

5. a b a a b a

6. a b a a b a

7. a b a a b a

8. a b a a b a

9. a b a a b a

10. a b a a b a 成功