

1. 算法 DFS_Hamiltonian (Graph)

输入 : 无向连通图的邻接矩阵 Graph

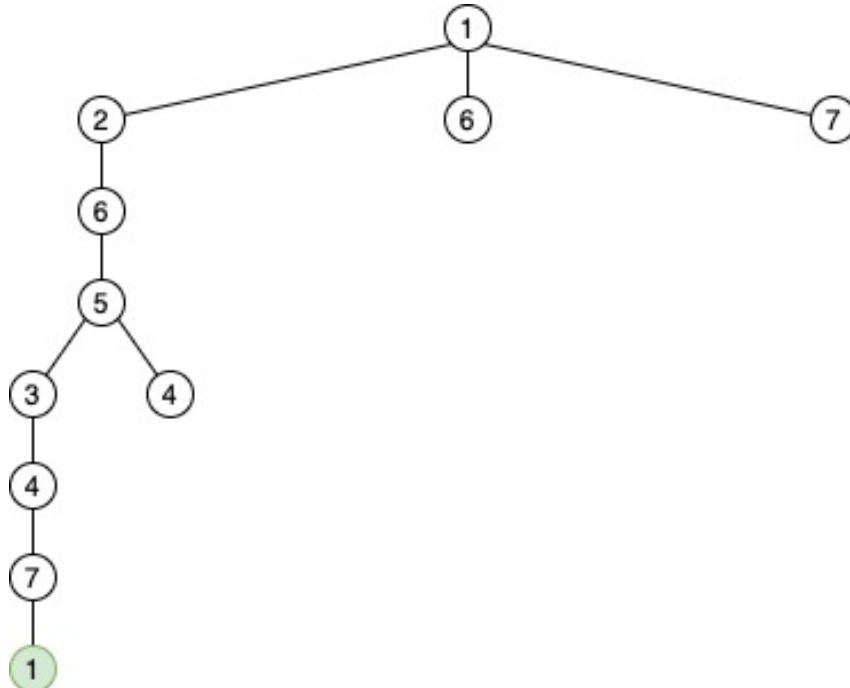
输出 : 是否存在哈密顿环

```

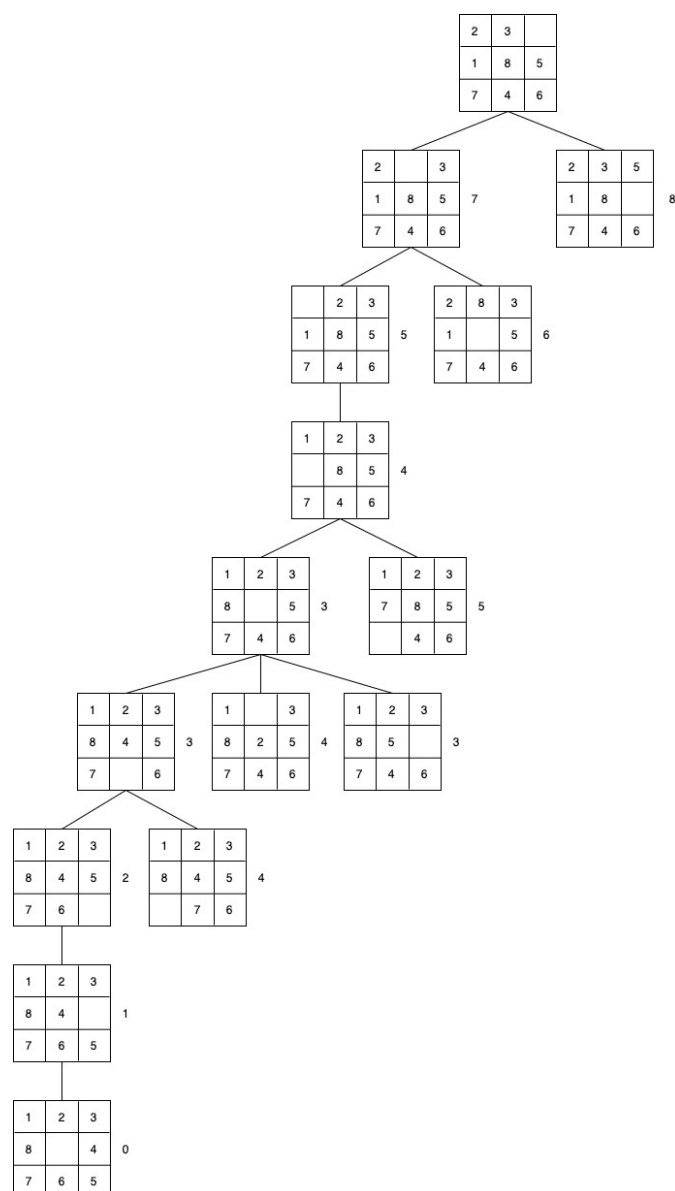
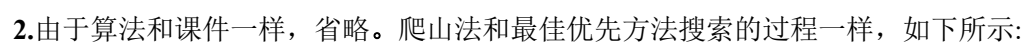
1:  For  $i=1$  to  $n$  DO //依次判定从每个节点出发有无哈密顿环,  $n$  是节点数
2:      visit[ $n$ ]=0 //记录所有节点的访问状态
3:      path = [] //记录经过的节点
4:      Stack.Push( $i$ )
5:      While Stack.empty()==False //如果栈非空
6:          father=Stack.Top()
7:          If father 第二次等于  $i$  then break
8:          path.append(father)
9:          Stack.Pop()
10:         for node in father //遍历该节点的连通子节点
11:             If visit[node]==False //如果还未被访问
12:                 Stack.Push(node)
13:         end for
14:     end While
15:     if judge(path)==True //判定路径是否是每个节点只到达一次, 且包含所有节点
16:         return True
17: return false

```

将解空间表示成树如下, 深度优先的遍历顺序是 1-2-6-5-3-4-7-1, 类似于前序遍历。



BFS 和 DFS 过程类似, 算法详细过程省略, 把栈换为队列即可。将解空间表示成树如下, 广度优先的遍历顺序是 1-2-6-7-6-2-5-4-5-3-4-3-5-3-4-4-3-7-5-3-6-4-3-7-7-6-2-7-2-1, 类似于层序遍历。



3. 方法是采用分支界限策略的深度优先搜索，依次对每个节点遍历。

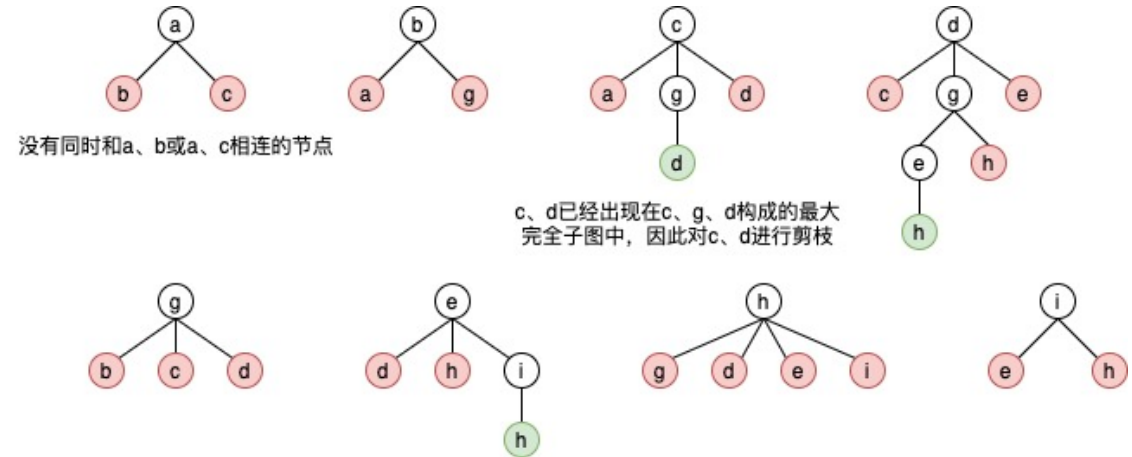
算法 Max_Clique(Graph)

输入 :无向连通图的邻接矩阵 Graph

输出 :所有最大完全子团

1:	For $i=1$ to n DO //依次判定从每个节点出发有无最大完全子团， n 是节点数
2:	对该节点做 DFS 搜索
3:	只访问那些同时和该节点及其所有父亲有公共边的节点
4:	如果该节点及其父亲已经出现在某个最大完全子团中，则剪枝
4:	记录最大完全子团
5:	return 所有最大完全子团

计算过程如下，得到 c、g、d， d、g、e、h 和 e、i、h 三个最大完全子团。



4.(1)类似于汉明距离，将 $g(n)$ 定义为初始状态到 n 增加的匹配数字个数

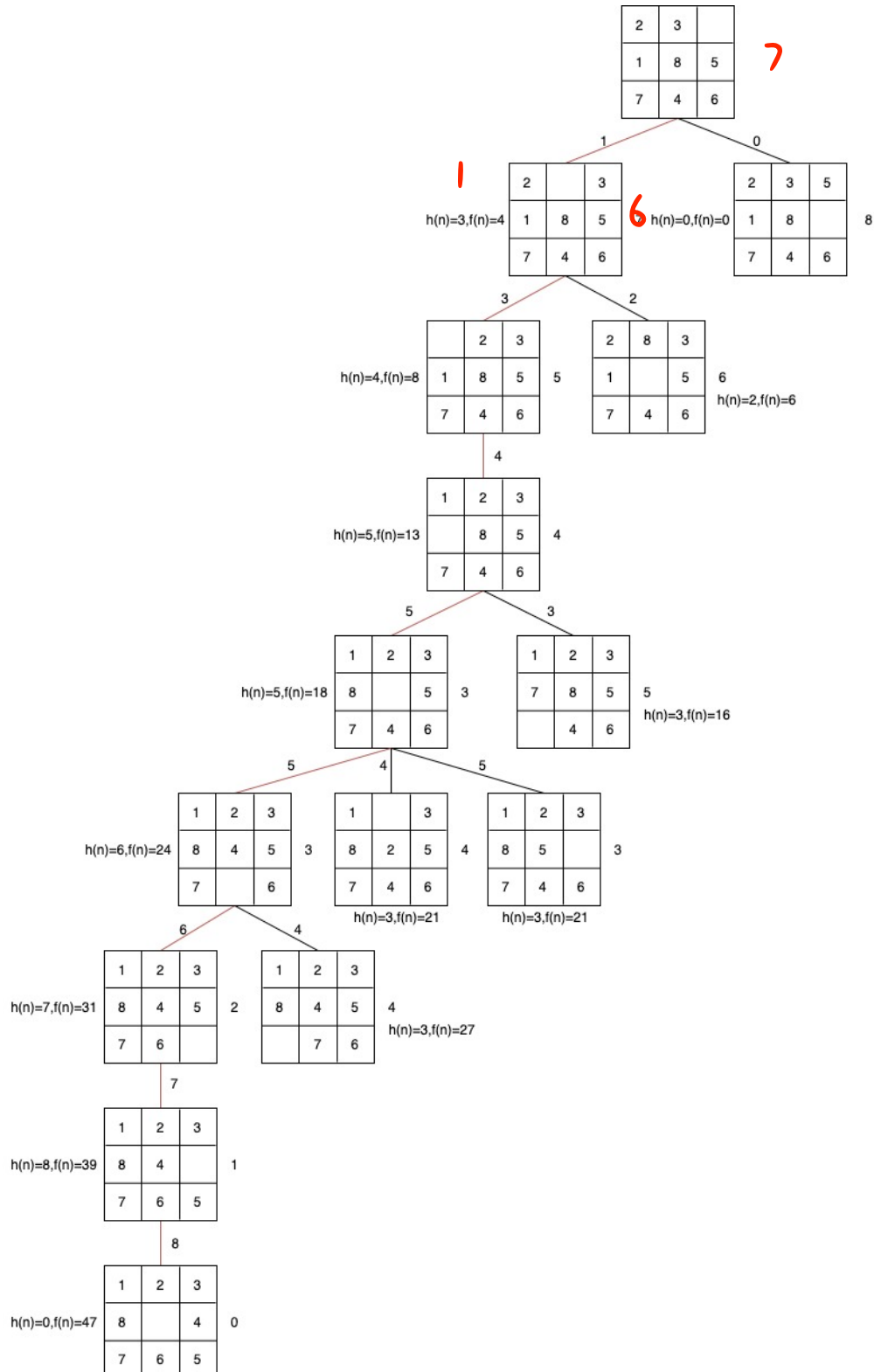
$h^*(n)$ =从 n 到目标状态增加的匹配数字个数

$h(n)$ =从 n 到下一状态增加最多的匹配数字个数

$f(n)=g(n)+h(n)$

每次选择全局最大的 $f(n)$ 分支进行搜索，直到达到目标状态。

(2)计算步骤如下，剪枝掉先前已出现过的状态，红色边展示了每次的选择分支：



5.(1) $g(n)$ =从树根到 n 的代价

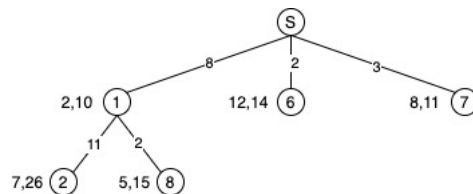
$h^*(n)$ =从 n 到目标节点的优化路径的代价

$h(n)$ =从 n 到下一节点路径增长最小的代价

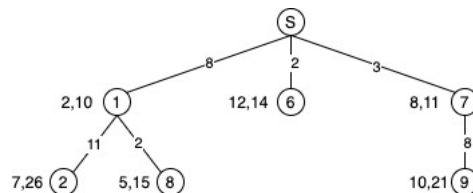
$f(n)=g(n)+h(n)$

(2)每次选择全局最小的 $f(n)$ 分支进行搜索，直到达到目标节点，剪枝掉相同节点中代价函数较大的。计算过程如下，二元组 x,y 分别表示 $h(n)$ 和 $f(n)$ ，得到最短路径为 S-7-9-11-12-T，距离为 45。

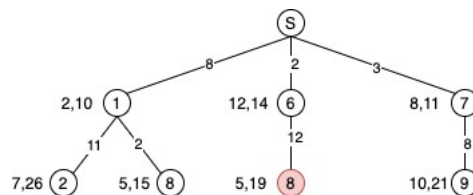
Step1:



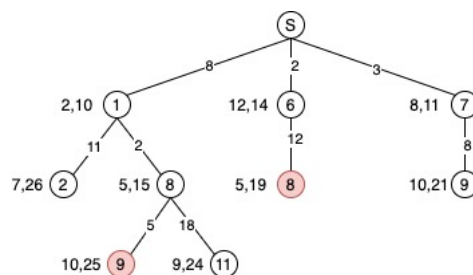
Step2:



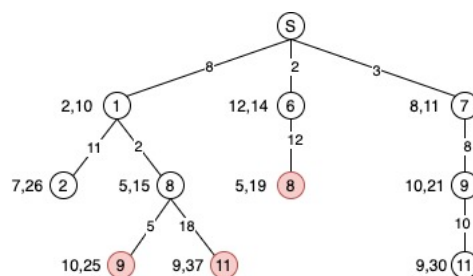
Step3:



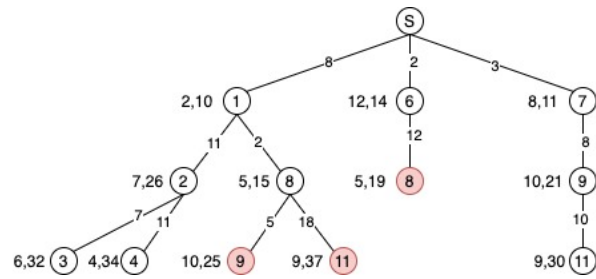
Step4:



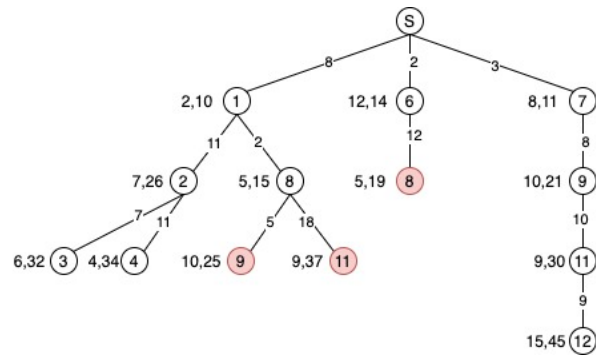
Step5:



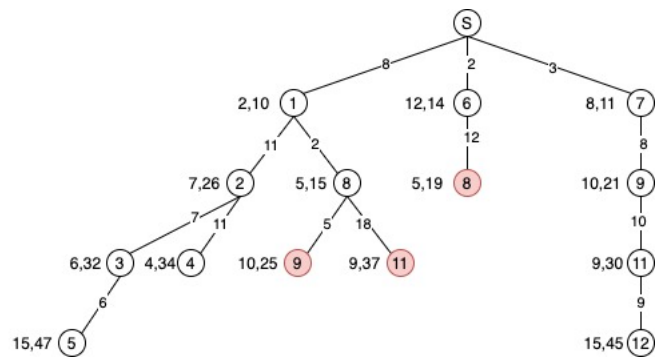
Step6:



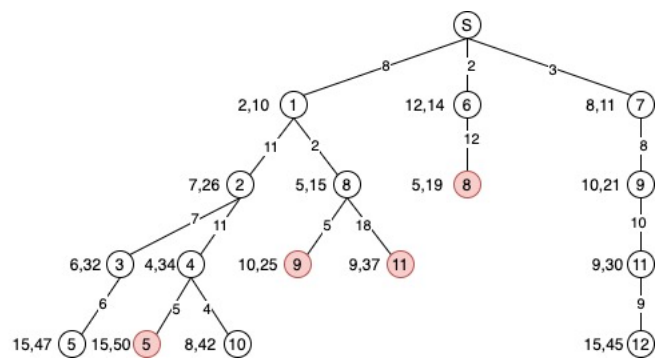
Step7:



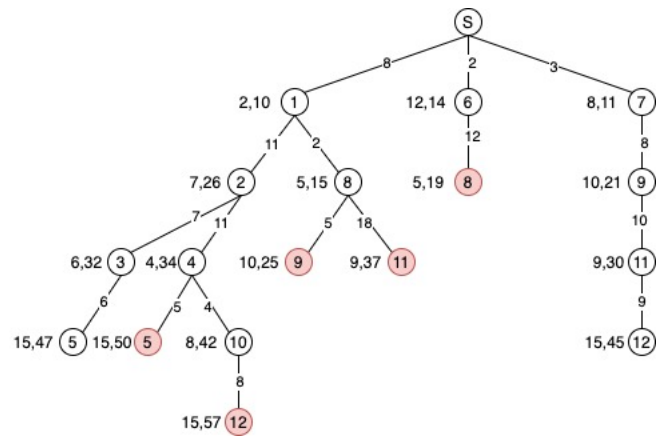
Step8:



Step9:



Step10:



Step11:

