

第六章家庭作业

——117300825 李大鑫

6.25

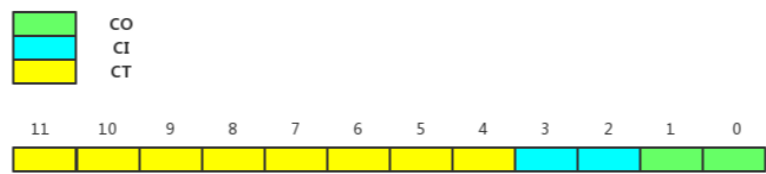
高速缓存	m	C	B	E	S	t	s	b
1	32	1024	4	4	64	24	6	2
2	32	1024	4	256	1	30	0	2
3	32	1024	8	1	128	22	7	3
4	32	1024	8	128	1	29	0	3
5	32	1024	32	1	32	22	5	5
6	32	1024	32	4	8	24	3	5

(m 是物理地址位数, S 是组数, E 是相联度, B 是每个高速缓存块的字节数, t 为标记位数, 高速缓存大小 $C=S \times E \times B$, b 是块偏移位数)

6.29

A:

分析: 根据 $B=4$ 确定 $b=2$, 根据 $S=4$ 确定 $s=2$, 根据 $m=12$, 得 $t=8$ 。划分如下图:



(本题书上题目给的图有问题, 12 位地址, 图上画了 13 位)

B:

读 0x834: 划分之后得到 $CT=83$, $CI=1$, $CO=0$, 因为此时有效位是 0, 所以这次读操作不命中, 需要向下一级存储中读取数据到 $CT=83$, $CI=1$ 的行, 这时候设置有效位为 1。

写 0x836: 划分之后得到 $CT=83$, $CI=1$, $CO=2$, 所以这次写操作命中, 读出的值是上次读 0x834 之后得到的, 所以未知。

读 0xFFD: 划分之后得到 $CT=FF$, $CI=3$, $CO=1$, 所以这次写操作命中, 读出的值是 0xC0。

操作	地址	命中?	读出的值 (或者未知)
读	0x834	不命中	-
写	0x836	命中	未知
读	0xFFD	命中	0xC0

6.33

0x16C8 0x178A 0x16C9 0x16CA 0x16CB 0x1788 0x1789 0x178B

6.37

函数	N=64	N=60
sumA	25%	25%
sumB	100%	25%
sumC	50%	25%

分析：题目中给出 4KB 缓存是直接映射缓存，块大小为 16B（应该是每行？），首先直接映射缓存代表每个组只有一行（ $E=1$ ）的高速缓存。所以我们可以得知这个 cache 可以存放 $4 \times 1024 / 16 = 256$ 个 block，每个 block 16 个字节可以存放 4 个 int，所以 cache 一共可以放 1024 个 int。

1) 当 $N=64$ 的时候，因为 cache 一共可以存放 1024 个 int，刚好存放 16 行的 64×64 int 数组，所以从数组到 cache 的映射情况是：每 16 行一组，共 4 组，每组映射到 cache 的位置是重叠的，因此产生替换。

sumA：两个 for 循环顺序读 a_{ij} ，因为 block 的大小可以放 4 个 int，所以每隔 4 个 int 会产生一次 miss，所以缓存不命中率是 $1/4$ ，25%；

sumB：先列后行访问 a 数组，访问列的时候每 16 行完成，后 16 行就会对 cache 中存储的数据进行替换，这样每次访问一个 a_{ij} ，都不会命中，也就是不命中率为 100%。

sumC：先列后行访问 a 数组，每次访问的 blocking 是 2×2 ，每次访问一个 blocking，结合替换的情况，都会有两次 miss，所以不命中率是 $1/2$ ，50%。

2) 当 $N=60$ 的时候，给数组元素按照先行后列的顺序进行编号 0..3599，根据 cache 可以存放 1024 个 int，对 60×60 int 数组到 cache 的映射情况进行分组：0..1023, 1024..2047, 2048..3072, 3072..3600。发生重叠替换的情况：两个元素的编号分别是 xy ，当 $(x-y) \% 1024 = 0$ 的时候会发生替换。

sumA：顺序读 a_{ij} ，每个 4 个产生一次 miss，所以缓存不命中率是 25%。

sumB：先列后行，主要观察列循环的时候是否会发生替换的情况，当循环第一列的时候，元素的编号是 0,60,120...3540，任意两个元素之间编号之差为 60 的倍数，所以取模 1024 不可能为 0，而且 cache 大小足够，所以不会发生替换的情况，当对第 1..3 行进行列循环的时候，因为 cache 已经有存了，所以皆命中。忽略对于剩下每 4 列开始的时候是否有命中的讨论（影响相对较小），我们假设它们都不命中，所以大概不命中率为 $1/4$ ，25%。

sumC：先列后行，每次访问的 blocking 是 2×2 ，根据 sumB 的讨论以及假设，大概不命中率应该与 sumB 相同为 25%。

6.41

分析：

直接映射高速缓存有 64KB，每行 4 个字节，同时 $\text{sizeof}(\text{struct pixel})=4\text{B}$ ，所以缓存可以存放 $64\text{K}/4=16\text{K}=16384$ 个 pixel。映射时每 16384 个为 1 组。

数组访问的顺序是先列后行，然后对 rgba4 个域进行分别赋值，观察一列的访问是否会发生替换，数组大小是 640×480 ，与 6.37 的 $N=60$ 的 sumB 思路相同，我们会发现访问一列的时候，任意两个元素的编号（编号规则相同）之差都是 480 的倍数，所以对 16384 取模一定不为 0，所以不会发生替换。所以对字节的访问是每 4 个字节的写发生一次 miss，所以 25% 的写不会命中。

6.45

实现尽可能快的、未知大小的矩阵转置函数。

- 1) 利用 blocking 技术，设置一个 $\text{Bsize} \times \text{Bsize}$ 大小的 blocking，以 blocking 为单位进行循环，每次循环对 blocking 内部元素进行转置。主要是为了充分利用 cache 中存储的内容减少读 src 数组的 miss 数目（具体思想与 CacheLab trans 实验相同，此处不展开）。
- 2) 因为目标矩阵是行宽相等为 dim 的矩阵，所以我们可以通过特殊处理对角线替换情况来减少 miss 的数目。

以下是代码、对两种转置函数的时间测试、对 transposeB 的正确性测试，数组大小为 1024×1024 ，Bsize 为 8（运行时增大了程序栈的大小）。

代码：

```
#include <stdio.h>
#include <time.h>

#define Bsize 8
void transposeA(int *dst, int *src, int dim)
{
    int i, j;
    for (i = 0; i < dim; ++i)
    {
        for (j = 0; j < dim; ++j)
        {
            dst[j*dim + i] = src[i*dim + j];
        }
    }
}

void transposeB(int *dst, int *src, int dim)
{
    int rowBlock, colBlock;
    int r, c;
    int temp = 0, d = 0;
    for(colBlock = 0; colBlock < dim; colBlock += Bsize) {
        for(rowBlock = 0; rowBlock < dim; rowBlock += Bsize) {
            for(r = rowBlock; r < rowBlock + Bsize; r++) {
```

```

        for(c = colBlock; c < colBlock + Bsize; c++) {
            if(r != c) {
                dst[c*dim+r] = src[r*dim+c];
            } else {
                temp = src[r*dim+c];
                d = r;
            }
        }
        if (rowBlock == colBlock) {
            dst[d*dim+d] = temp;
        }
    }
}

```

```

int main() {
    int dim = 1024;
    int allsize = dim*dim;
    int src[allsize],dst[allsize];
    for(int i=0;i<allsize;i++) {
        src[i] = i;
    }
    clock_t start,finish;
    double duration;
    start = clock();
    transposeA(dst,src,dim);
    finish = clock();
    printf("transposeA duration: %ld\n",finish-start);
    start = clock();
    transposeB(dst,src,dim);
    finish = clock();
    printf("transposeB duration: %ld\n",finish-start);
    puts("after transpose B , test matrix dst:");
    for(int i=0;i<dim;i++) {
        for(int j=0;j<dim;j++) {
            if (dst[i*dim+j] != src[j*dim+i]) {
                puts("dst answer error");
                return 0;
            }
        }
    }
    puts("right answer!");
    return 0;
}

```

```
}
```

代码测试结果：

```
E:\CodeTraining\ProgramingLanguageTest\C\csapp_chapter6\cmake-build-debug\csapp_chapter6.exe
transposeA duration: 18
transposeB duration: 7
after transpose B , test mattrix dst:
right answer!
```