

平成 29 年 1 月 28 日

$$\vec{A} = \int d^4 r' \frac{\vec{j}(\vec{r}', t) \delta(t' - t - \frac{R}{c})}{|\vec{r} - \vec{r}'|} \quad (1)$$

$$\nabla \cdot \vec{A} = \int d^4 \vec{r}' \frac{\nabla' \cdot (j(\vec{r}', t') \delta(t' - t_R)) + j(\vec{r}', t') \nabla \cdot \delta}{|\vec{r} - \vec{r}'|} \quad (2)$$

ここで、

$$\nabla \cdot \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}'|} = -\nabla' \cdot \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}'|} \quad (3)$$

を用いて部分積分をすることで、(2) 式の分子第 1 項を得る。式 (2) の δ の微分の部分がキャンセルして、電流微分のみ生き残る。

$$\phi = \int d^4 r' \frac{\rho(r', t') \delta(t' - t_R)}{|\vec{r} - \vec{r}'|} \quad (4)$$

を t 微分すると、分子には

$$(\frac{\partial \rho(r', t')}{\partial t'}) \delta(t' - t_R) = (\nabla' \cdot \vec{j}(r', t')) \delta(t' - t_R) \quad (5)$$

が残る。ここで、 δ 関数に関する以下の公式を用いた。

$$\int \frac{\partial \delta(t' - t)}{\partial t} f(t') dt' = \int \delta(t' - t) \frac{\partial f}{\partial t'}(t') \quad (6)$$

これらの式から以下の Lorentz gauge の式を遅延ポテンシャルは満たしていることがわかる。

$$\nabla \cdot \vec{A} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial \phi}{\partial t} = 0 \quad (7)$$