第三章栈和队列

逻辑结构和线性表相同 运算受到了限制 根据所受限制的不同, 分为栈和队列

栈顶



- 栈是限制在表的一端(表尾)进行插入
- 和删除的线性表 $(a_1, a_2, \dots, a_{i-1}, a_i, a_{i+1}, \dots, a_{n-1}, a_n)$ 进栈 插入顺序

出栈

删除顺序

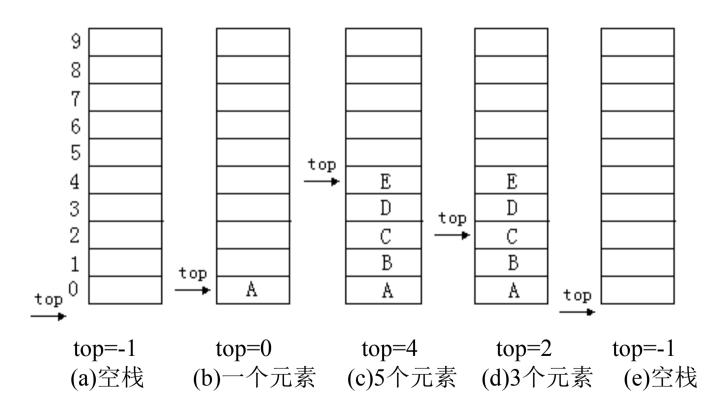
特点--先进后出

栈

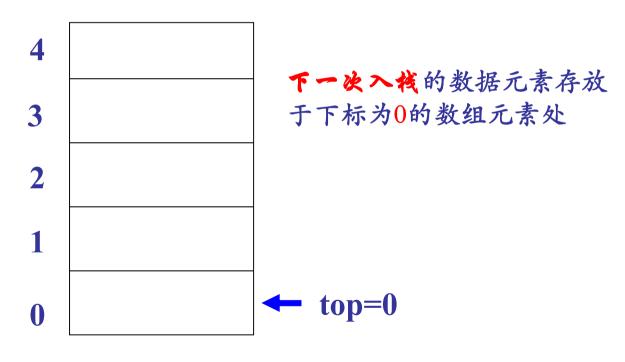
- 栈的主要操作:
- 1. 初始化空栈
- 2. 入栈
- 3. 出栈
- 4. 判断栈是否为空栈
- 5. 取栈顶数据元素
- 栈的存储方式
- 1. 顺序存储结构----顺序栈
- 2. 链式存储结构----链栈

- 定义:是用一组地址连续的存储单元依次存储栈中的每一个数据元素
- 实现:数组
- 说明: 找的主要操作均在栈顶进行,因此需要保存 栈顶位置心方便操作进行
- 栈顶位置的保存常见2种方法:
- 1. 实际栈顶位置--栈顶元素在在数组中的位置,即数组下标
- 2. 下一次入栈的位置--即下一次插入到"下标为多少的"数组元素
- □ 保存栈顶位置的变量称为栈顶指针

常见方法1:核顶指针指示栈顶的实际位置

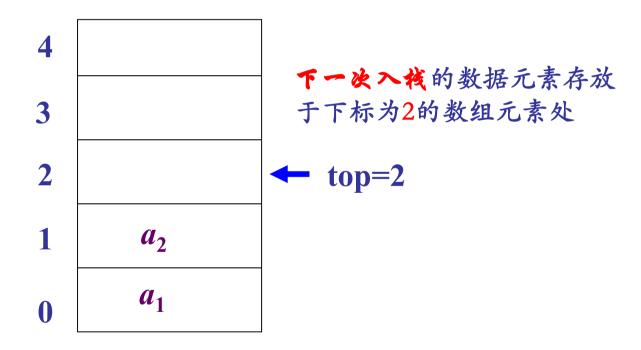


常见方法2: 栈顶指针指示下一次入栈的位置



空栈

常见方法2: 栈顶指针指示下一次入栈的位置



栈中有2个数据元素

#define MAXSIZE 1024

typedef struct
{elemtype data[MAXSIZE];
 int top;//核项指针
}SeqStack;

说明, elemtype代表栈中数据元素的类型,具体应用时,栈中的数据元素是什么类型的,就将elemtype定义成相应类型

#define MAXSIZE 5

typedef struct
{elemtype data[MAXSIZE];
 int top; //核項指針
}SeqStack;

SeqStack s;

说明: elemtype代表栈中数据元素的类型,具体应用时,栈中的数据元素是什么类型的,就将elemtype定义成相应类型说明: 为了方便演示栈操作,将MAXSIZE定义成5

#define MAXSIZE 5

typedef struct

{int data[MAXSIZE]; 说明: 为了方便演

int top; // 核顶指针

}SeqStack;

SeqStack s;

说明: elemtype代表栈中数据元素的类型,具体应用时,栈 中的数据元素是什么类型的,就将elemtype定义成相应类型 说明: 为了方便演示栈操作,将MAXSIZE定义成5

中的数据元素为整

型的

顺序栈

初始化: s.top=-1;

入栈: 只要有空间则 s.data[++s.top]=x;

s.data[4]	
s.data[3]	
s.data[2]	
s.data[1]	
s.data[0]	

s.top=-1

顺序栈

初始化: s.top=-1;

入栈: 只要有空间则 s.data[++s.top]=x; 入栈 (x=a₁)

s.data[4]s.data[3]s.data[2]s.data[1]s.data[0]
$$a_1$$
 \leftarrow s.top=0

顺序栈

初始化: s.top=-1;

入栈: 只要有空间则

s.data[++s.top]=x;

入栈(
$$x=a_1$$
)

s.data[4]

s.data[3]

s.data[2]

s.data[1]

s.data[0]

 a_2

 a_1

 \leftarrow s.top=1

顺序栈

初始化: s.top=-1;

s.top=2

入栈: 只要有空间则

s.data[++s.top]=x;

入栈
$$(x=a_1)$$

入栈(
$$x=a_2$$
)

s.data[4]

s.data[3]

s.data[2]

s.data[1]

s.data[0]

 a_3

 a_2

 a_1

顺序栈

初始化: s.top=-1;

入栈: 只要有空间则

s.data[++s.top]=x;

s.data[4]
 入栈
$$(x=a_1)$$

 s.data[3]
 a_4

 s.data[2]
 a_3

 s.data[1]
 a_2

 s.data[0]
 a_1

s.data[0]

顺序栈

初始化: s.top=-1;

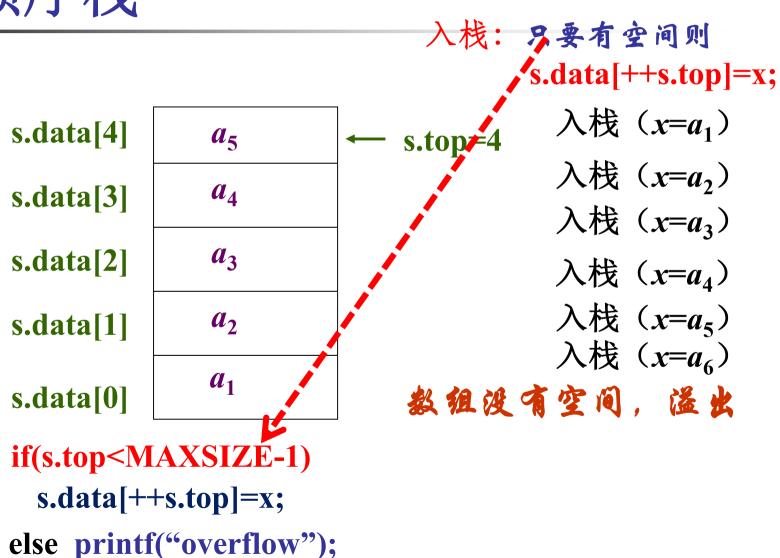
入栈: 只要有空间则

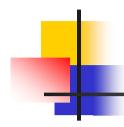
s.data[++s.top]=x;

s.data[4]	a_5	← s.top=4
s.data[3]	a_4	
s.data[2]	a_3	
s.data[1]	a_2	
	a ₄	

初始化: s.top=-1;







顺序栈—出栈

s.data[4]	a_5	s.top=4
s.data[3]	a_4	
s.data[2]	a_3	
s.data[1]	a_2	
s.data[0]	a_1	



顺序栈—出栈

s.data[4]	a_5	
s.data[3]	a_4	─ s.top=3
s.data[2]	a_3	
s.data[1]	a_2	
s.data[0]	a_1	



顺序栈—出栈

s.data[4]	a_5	
s.data[3]	a_4	
s.data[2]	a_3	- s.top=2
s.data[1]	a_2	
s.data[0]	a_1	

顺序栈—入栈(x=a₆)

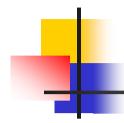
s.data[4]
$$a_5$$
s.data[3] a_4
s.data[2] $a_3 \leftarrow \text{s.top=2}$
s.data[1] a_2
s.data[0]

顺序栈—入栈 (x=a₆)

s.data[4]	a_5	
s.data[3]	a_6	← s.top=3
s.data[2]	a_3	
s.data[1]	a_2	
s.data[0]	a_1	

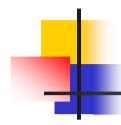


s.data[4]	a_5	
s.data[3]	a_6	
s.data[2]	a_3	\sim s.top=2
s.data[1]	a_2	
s.data[0]	a_1	



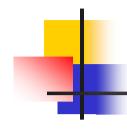
顺序栈—出栈

s.data[4]	a_5	
s.data[3]	a_6	
s.data[2]	a_3	
s.data[1]	a_2	← s.top=1
s.data[0]	a_1	



顺序栈—出栈

s.data[4]	a_5	
s.data[3]	a_6	
s.data[2]	a_3	
s.data[1]	a_2	
s.data[0]	a_1	← s.top=0



顺序栈—出栈

只要非空栈s.top--;

if(**s.top**>=**0**) **s.top--**;

 s.data[4]
 a_5

 s.data[3]
 a_6

 s.data[2]
 a_3

 s.data[1]
 a_2

 s.data[0]
 a_1

对空栈进行删除称为下溢出

 \leftarrow s.top=-1

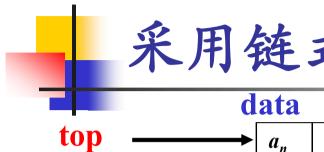
顺序栈

- 初始化: s.top=-1;
- 入栈: if(s.top<MAXSIZE-1)

s.data[++s.top]=x;

else printf("overflow");

- 出栈: if(s.top>=0)
 - s.top--;else{...}
- 判栈空: s.top==-1
- 判栈满: s.top==MAXSIZE-1
- 栈顶元素: s.data[s.top]



 a_{n-1}

 a_{n-2}

 a_1

采用链式存储结构存放--链栈

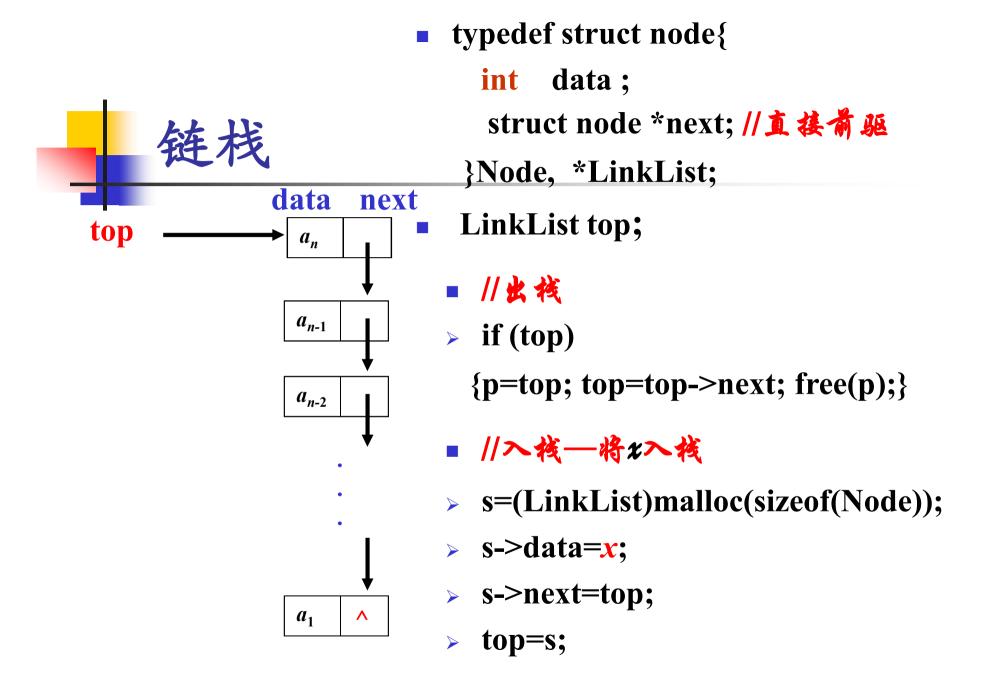
next · 采用不带表头结点的单链表存放栈

根据栈的定义,为操作方便,每个 数据元素对应结点空间的指针存放 该数据元素的直接前驱

保留栈顶的位置即可----单链表的头 指针对应为栈顶的位置

出栈在栈顶进行----删除单链表的第 一个数据元素结点

入栈在栈顶进行----在单链表的第一个数据元素结点前插入一个新的数据元素

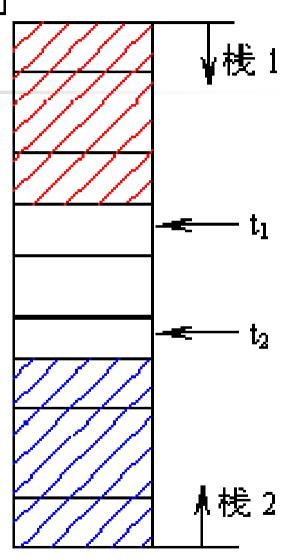


V[M]

M-1

双栈共享存储空间。

两个栈共用一个一维 数组v[M], 栈底分别设 在数组的商端,各自向 中间伸展,第一个栈 自顶向下伸展,第二 个栈自底向上伸展。 两个栈共享存储空间, 可互补空缺, 使得某 个栈实际可 利用的 空间大于M/2





■ 限制插入在表一端(* 尾) 进行,而删除在表的另一端(* 条) 进行。

 $(a_1, a_2, ..., a_{i-1}, a_i, a_{i+1}, ..., a_{n-1}, a_n)$

队首

出队

插入顺序

删除顺序

特点--光进光出

队列

- 主要操作:
- > 入队、出队、初始化空队列、求队长
- 存储方式:
- 1 顺序存储结构----顺序队列
- 2. 链式存储结构----链队
- 说明: 队列的主要操作在队首和队尾处完成, 要保留队头、 队尾两个位置方便操作实现

队列的顺序存储结构

define MAXSIZE 5

typedef struct

{elemtype data[MAXSIZE]; 说明1: f为队首指针,

int f,r; //队首和队尾指针

指示队首位置; r为队 尾指针,指示队尾位置

}SeQueue;

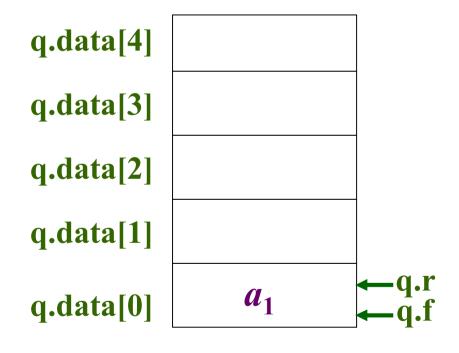
说明2: 所谓位置是指

数组元素的下标

SeQueue q;

说明3: elemtype代表队列中数据元素的类型,具体应用时,队列中的数据元素是什么类型的,就将elemtype定义成相应类型

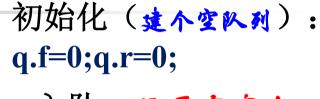
队列的顺序存储结构

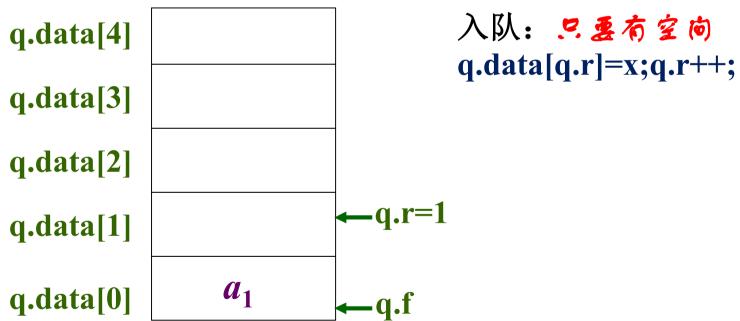


初始化(建个空队列): q.f=0;q.r=0;

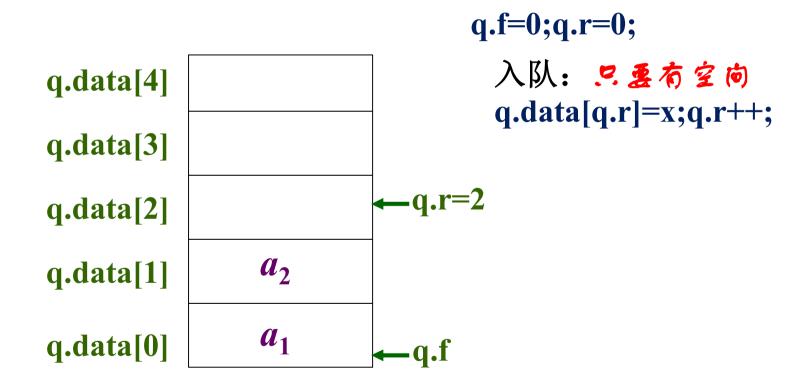
入队: **点盘布空向** q.data[q.r]=x;q.r++;

队列的顺序存储结构

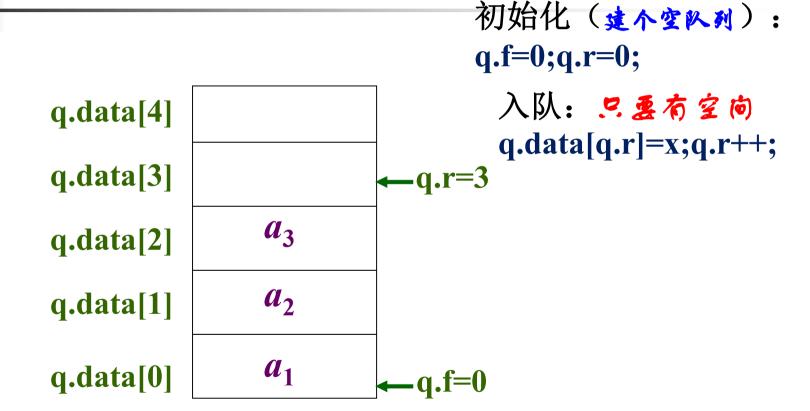




队列的顺序存储结构



初始化(建个空队列):



队列的顺序存储结构

初始化(建个空队列): q.f=0;q.r=0;

q.data[4] a_4 q.data[2] a_3 q.data[1] a_2 q.data[0] a_1 a_1 a_1 a_2 q.data[0] a_1 a_2

初始化(建个空队列):

 \leftarrow q.r= ϕ .f=0;q.r=0;

q.data[4]

 a_5

入队: 只要有空向

q.data[3]

 a_4

q.data[**q.r**]=**x**;**q.r**++;

q.data[2]

 a_3

再插入, 无空间, 溢出

q.data[1]

 a_2

有空向

q.data[0]

 a_1

-q.f=0

q.r<MAXSIZE

- 初始化: q.f=0;q.r=0;
- 入队: if (q.r<MAXSIZE)

 ${q.data[q.r]=x;q.r++;}$

else printf("overflow");

- 初始化: q.f=0;q.r=0;
- 出队: if (队不空)q.f++;



 \leftarrow q.r=5

q.data[4]	a_5	
q.data[3]	a_4	
q.data[2]	a_3	
q.data[1]	a_2	
q.data[0]	a_1	←q.f=0

出队



		←q.r=5
q.data[4]	a_5	
q.data[3]	a_4	
q.data[2]	a_3	
q.data[1]	a_2	← q.f=1
q.data[0]	<i>a</i> ₁	



		←q.r=5
q.data[4]	a_5	
q.data[3]	a_4	
q.data[2]	a_3	←q.f=2
q.data[1]	a_2	
q.data[0]	a_1	



		←q.r=5
q.data[4]	a_5	
q.data[3]	a_4	
q.data[2]	a_3	←q.f=2
q.data[1]	a_2	
q.data[0]	a_1	



		← q.r=5
q.data[4]	a_5	
q.data[3]	a_4	←q. f=3
q.data[2]	a_3	
q.data[1]	a_2	
q.data[0]	a_1	



		← q.r=5
q.data[4]	a_5	← q.f=4
q.data[3]	a_4	
q.data[2]	a_3	
q.data[1]	a_2	
q.data[0]	a_1	



←q.r=5 ←q.f=5

		_ ←q.I =
q.data[4]	a_5	
q.data[3]	a_4	
q.data[2]	a_3	
q.data[1]	a_2	
q.data[0]	a_1	

出队



-q.r=5-q.f=5

q.data[4]	u_5
J.4. [2]	<i>a</i> .

q.data[3] u_4

q.data[2]

q.data[1]

q.data[0]

a_5
a_4
a_3
a_2
a_1

队空—出队操作不能进

出队

- 初始化: q.f=0;q.r=0;
- 入队: if (q.r<MAXSIZE)

 ${q.data[q.r]=x;q.r++;}$

else printf("overflow");

出队: if(q.f!=q.r)//if(q.f<q.r)q.f++;

←q.r=5 ←q.f=5

q.data[4]

 a_5

q.data[3]

 a_4

q.data[2]

 a_3

q.data[1]

 a_2

q.data[0]

 a_1

此时队空,但是再次 插入数据元素却判断 没有空间——假溢出





- ◆ 顺序队列存在假溢出
- ◆ 解决方法
- 方法1:每删除一个数据元素,余下的所有数据元素顺次移动一个位置—太累
- 方法2: 循环队列,将顺序队列data[0.. MAXSIZE 1]
 看减头尾相接的循环结构



循环队列

将队列的数据区data[0..MAXSIZE-1]看成头尾相接的循环结构

q.data[4]

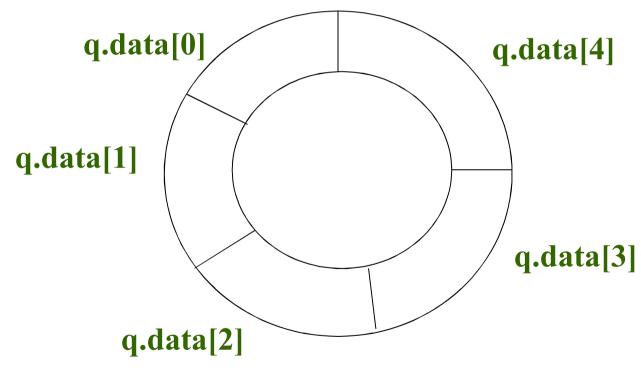
q.data[3]

q.data[2]

q.data[1]

q.data[0]

数组示意图



将正常的数组空间看成环状的 通过求余(%, MOD)运算可实现数组的首尾相接

循环队列

- 初始化: q.f=0;q.r=0;
- 入队: if (有空间)
 {q.data[q.r]=x;q.r=(q.r+1)%MAXSIZE;}
 else printf("overflow");

循环队列

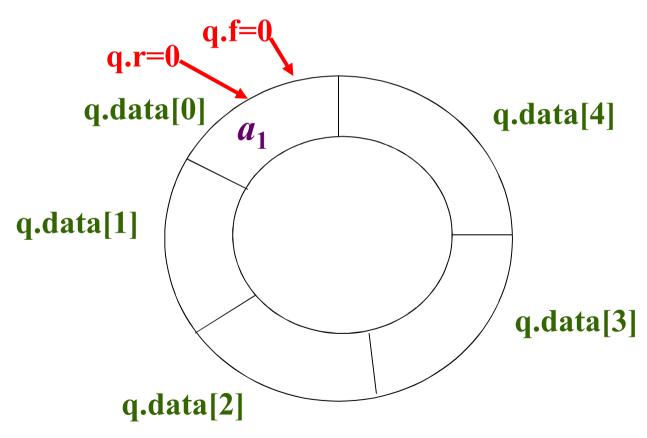
- 初始化: q.f=0;q.r=0;
- 入队: if (有空间)
 - {q.data[q.r]=x;q.r=(q.r+1)%MAXSIZE;} else printf("overflow");
- 出队: if (风柔堂)
 q.f=(q.f+1)%MAXSIZE;

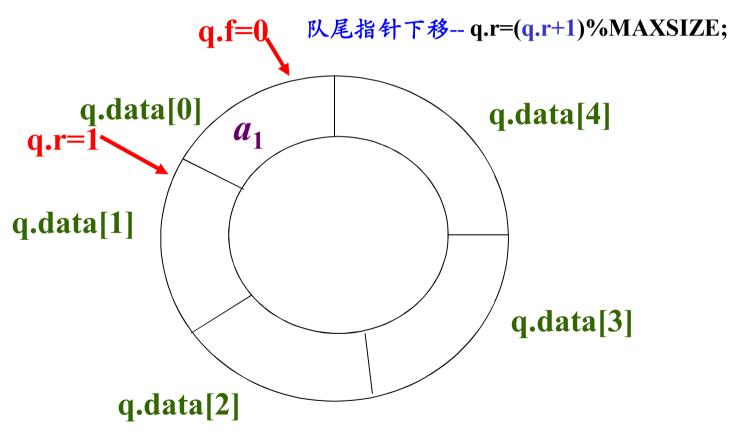


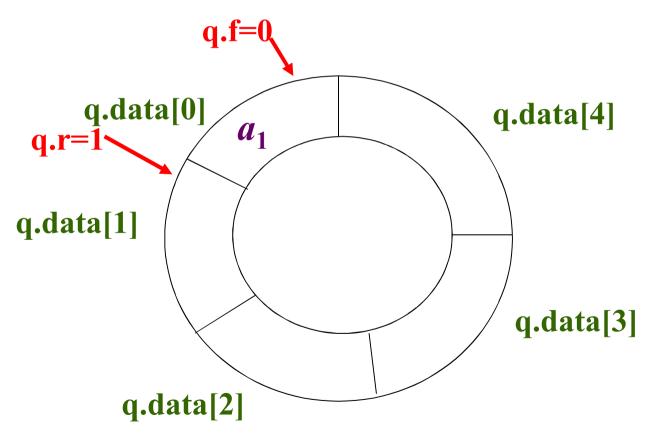
循环队列 --初始化建个空队列

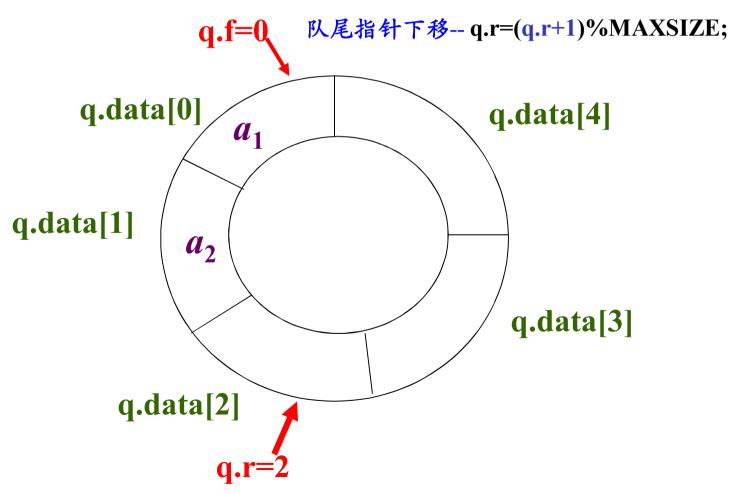
q.f=0;q.r=0; q.f=0q.r=0q.data[0] q.data[4] q.data[1] q.data[3]

q.data[2]



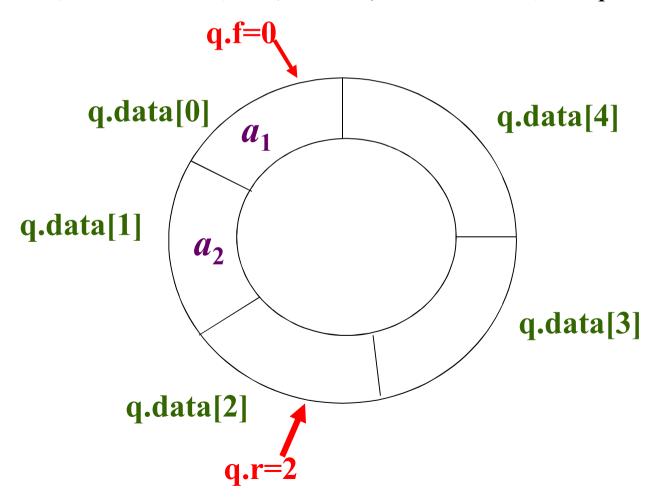


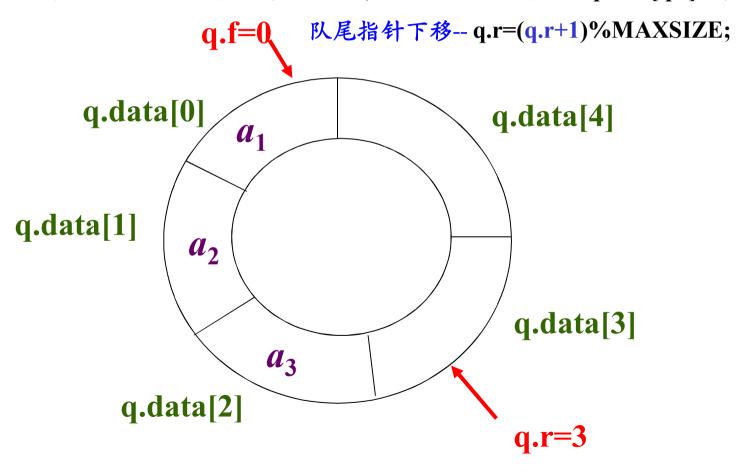




•

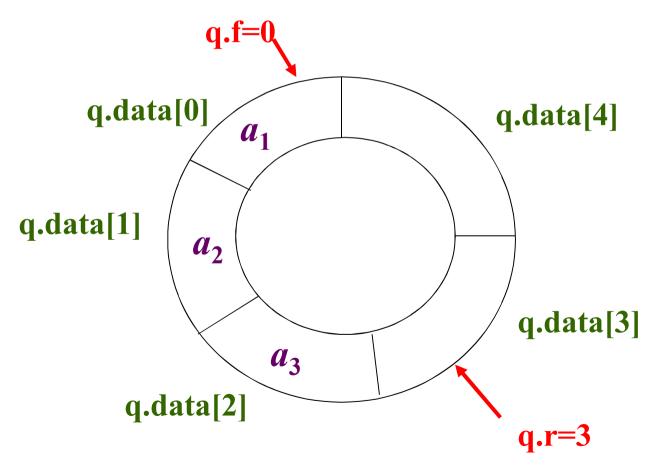
循环队列——入队 $x=a_3$





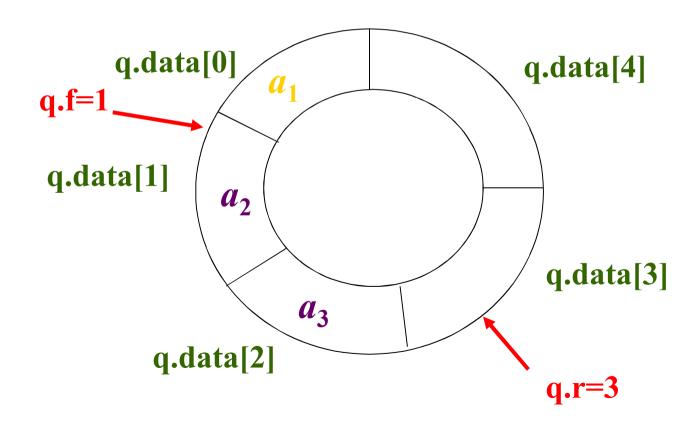
循环队列—出队

队列不空: 将队首指针下移-- q.f=(q.f+1)%MAXSIZE;

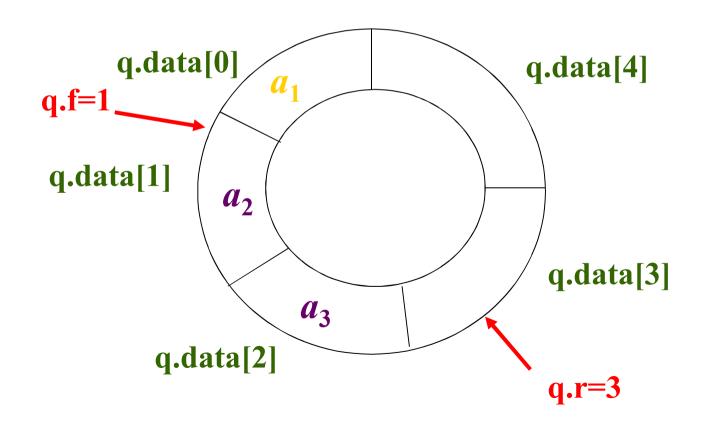


循环队列—出队

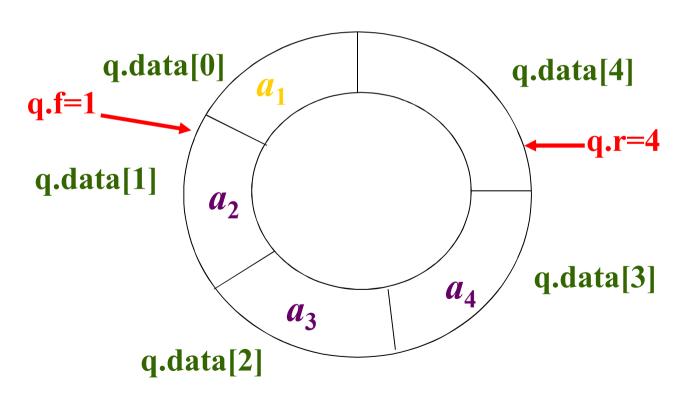
队列不空: 将队首指针下移-- q.f=(q.f+1)%MAXSIZE;



循环队列——入队 $x=a_4$

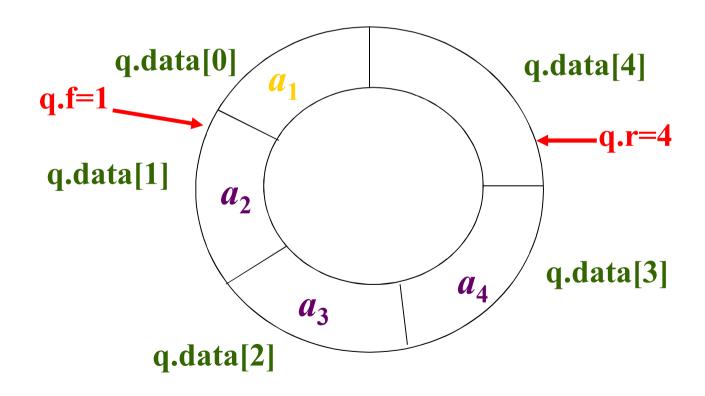


有空间存放:将入队的数据元素放到队尾指针指示的数组元素处--q.data[q.r]=x; 队尾指针下移--q.r=(q.r+1)%MAXSIZE;



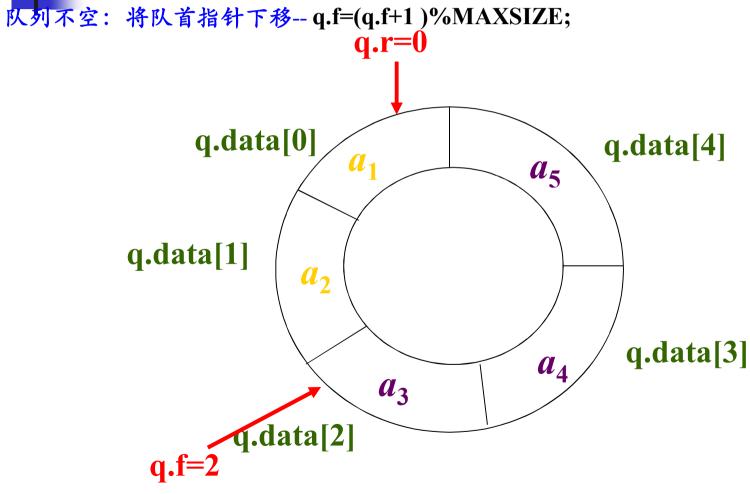
-

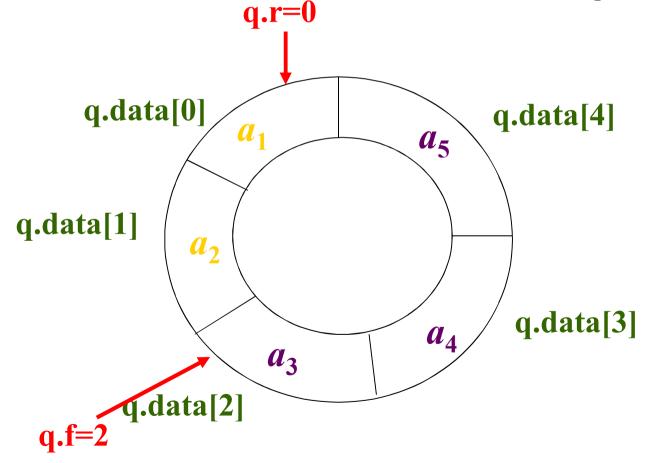
循环队列——入队 $x=a_5$



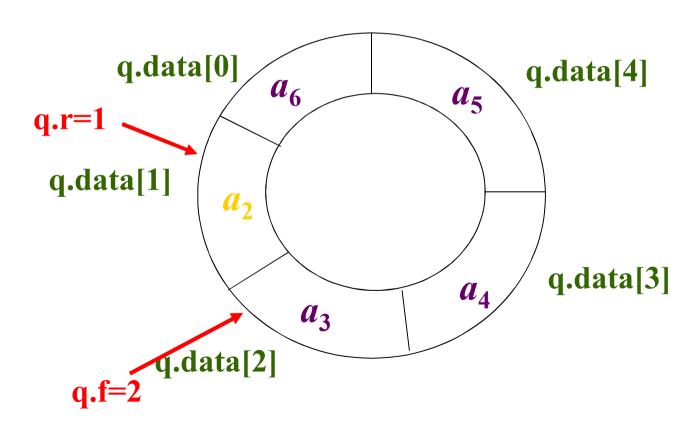
有空间存放: 将入队的数据元素放到队尾指针指示的数组元素处-- q.data[q.r]=x; q.r=0 队尾指针下移-- q.r=(q.r+1)%MAXSIZE; q.data[0] q.data[4] a_1 a_5 q.f=1q.data[1] a_2 q.data[3] a_4 a_3 q.data[2]

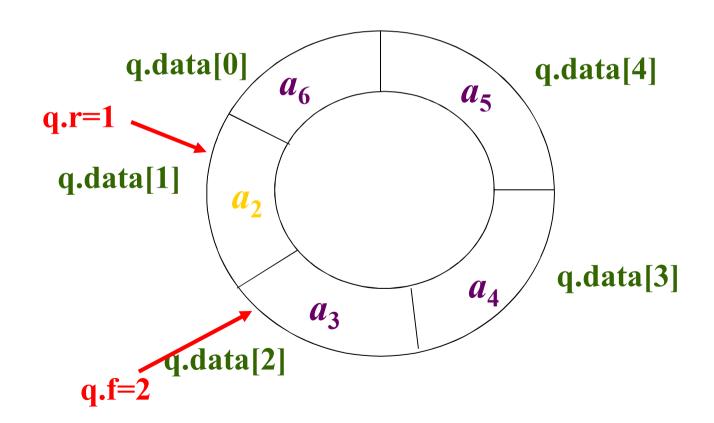
循环队列—出队





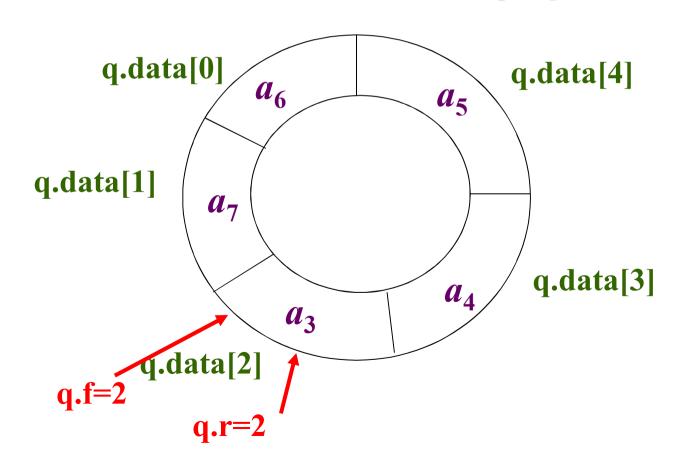
有空间存放: 将入队的数据元素放到队尾指针指示的数组元素处-- q.data[q.r]=x; 队尾指针下移-- q.r=(q.r+1)%MAXSIZE;





循环队列——入队 $x=a_7$

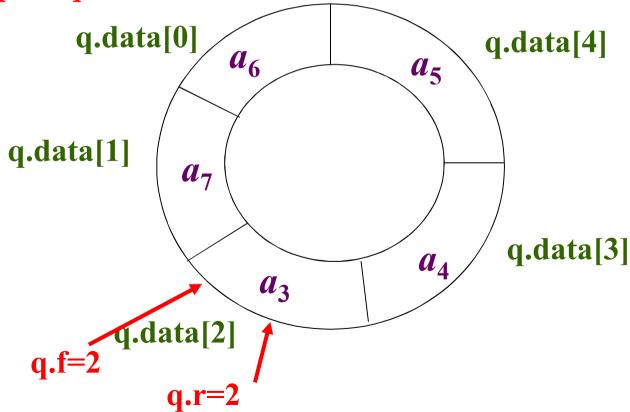
有空间存放: 将入队的数据元素放到队尾指针指示的数组元素处-- q.data[q.r]=x; 队尾指针下移-- q.r=(q.r+1)%MAXSIZE;

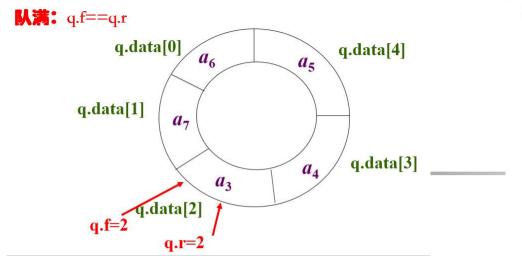


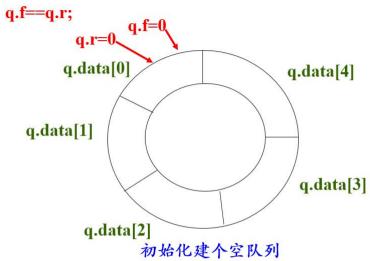
循环队列——入队 $x=a_8$

此时,所有的数组元素均已存放队列数据,队满,没有空间存放要入队的数据了一入队操作不能正常进行,给出出错信息,空间溢出。

以满: q.f==q.r





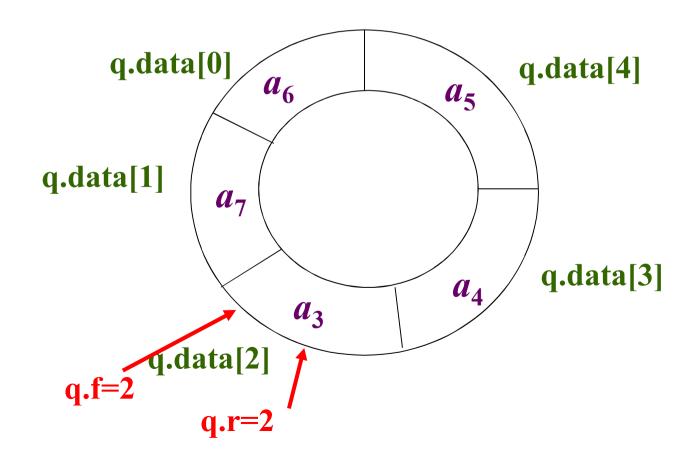


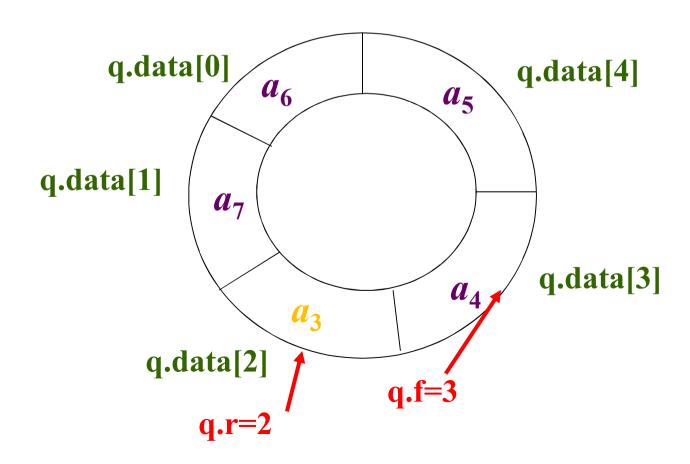
队满示意图

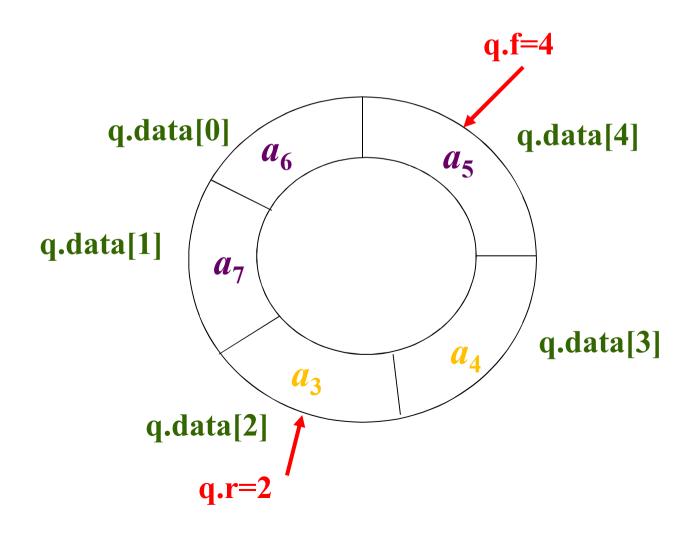
队空示意图1

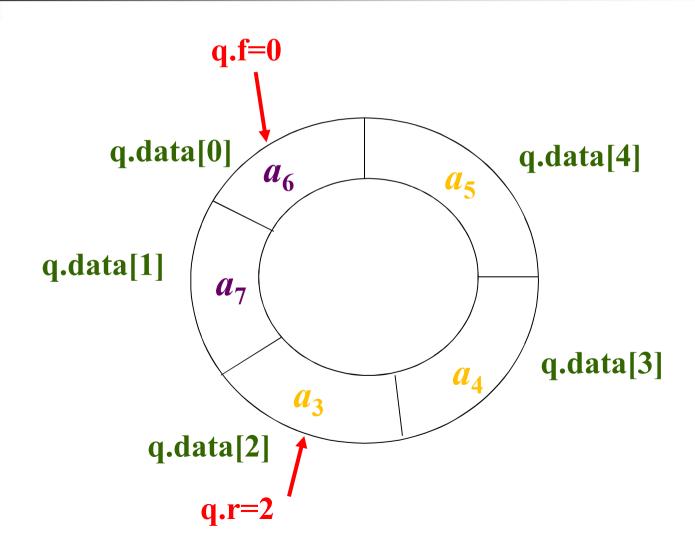
循环队列—出队

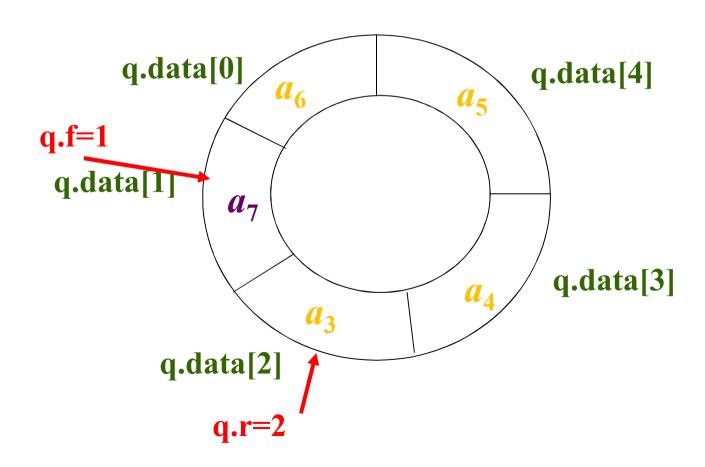
以满: q.f==q.r

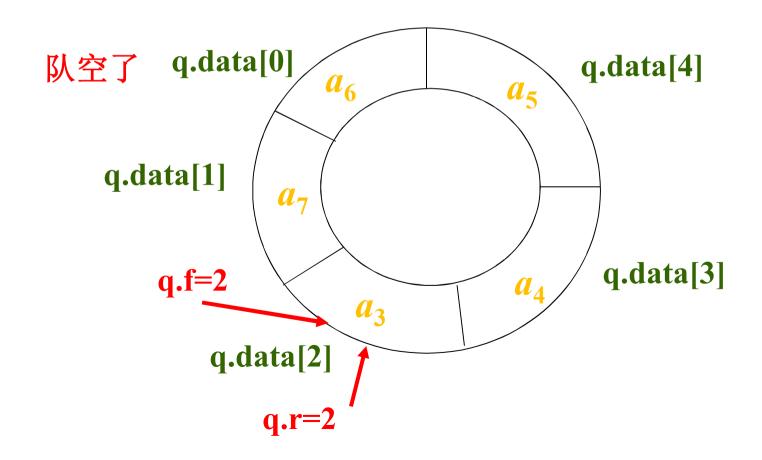


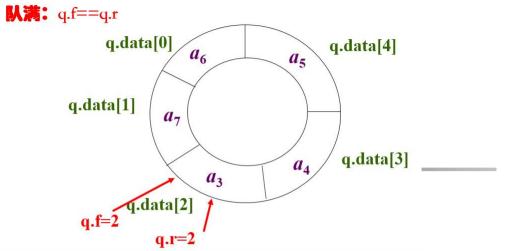










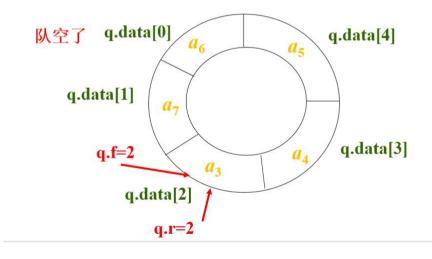


q.data[0] q.data[4] q.data[1] q.data[3] 初始化建个空队列

q.f==q.r;

队满示意图

队空示意图1



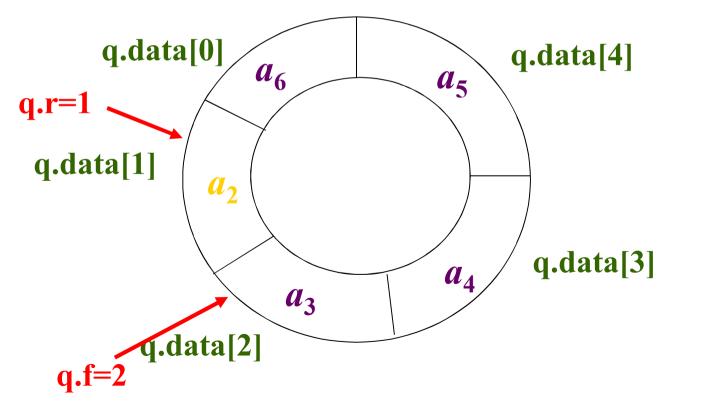
队空示意图2

问题: 队空和队满时q.f==q.r, 无法根据队首和队尾指针的相 对位置判断队列是处于"空" 还是处于"满"的状态

队满,队空时均有q.f==q.r。如何区分何时队空?何时队游?

循环队列—队空队满的区分

方法1:为区分队空、队满,牺牲一个存储位置, 当(q.r+1)%MAXSIZE==q.f时认为队满了, q.r==q.f为队空



循环队列—队空队满的区分

方法1:

队空: q.r==q.f

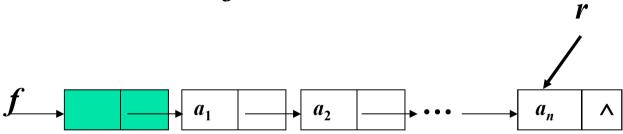
队满: (q.r+1)%MAXSIZE==q.f

方法2:设一计数器,初始化时计数器清0,入队时,计数器+1,出队时计数器-1

- 练习
- > 1 顺序队列如何解决假溢出?
- > 2 循环队列如何判断队满和队空?

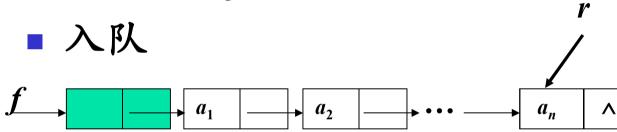


- 定义: 采用链式存储结构存放
- LinkList f,r;



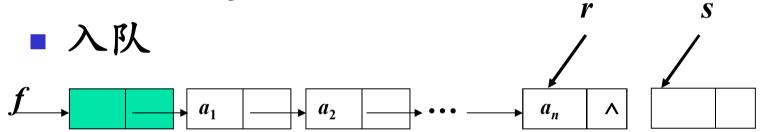


- 定义: 采用链式存储结构存放
- LinkList f,r;





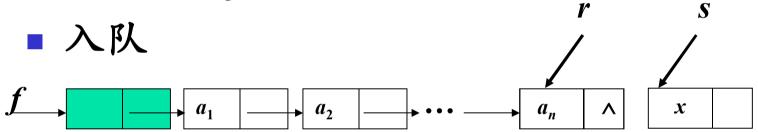
- 定义: 采用链式存储结构存放
- LinkList f,r;



s=(LinkList)malloc(sizeof(Node));



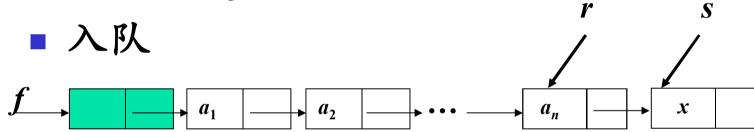
- 定义: 采用链式存储结构存放
- LinkList f,r;



s=(LinkList)malloc(sizeof(Node)); s→data=x;



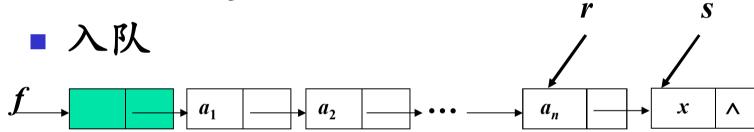
- 定义: 采用链式存储结构存放
- LinkList f,r;



s=(LinkList)malloc(sizeof(Node)); s→data=x; r→next=s;



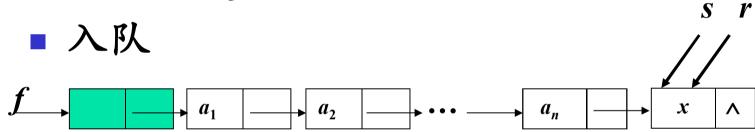
- 定义: 采用链式存储结构存放
- LinkList f,r;



s=(LinkList)malloc(sizeof(Node)); s→data=x; r→next=s;s→next=NULL;



- 定义: 采用链式存储结构存放
- LinkList f,r;



```
s=(LinkList)malloc(sizeof(Node));

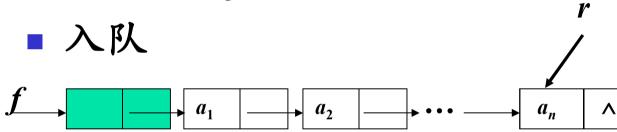
s→data=x;

r→next=s;s→next=NULL;

r=s;
```



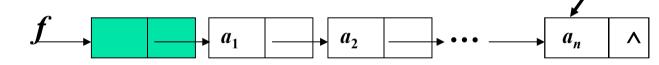
- 定义: 采用链式存储结构存放
- LinkList f,r;



说明: f为队首指针, 指示链队的队首位置;

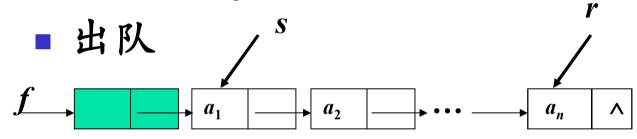
链队——fix 是数约点的

- 定义
- LinkList f,r;
- ■出队





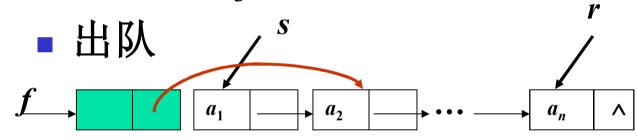
- 定义: 采用链式存储结构存放
- LinkList f,r;



$$s=f\rightarrow next;$$



- 定义
- LinkList f,r;

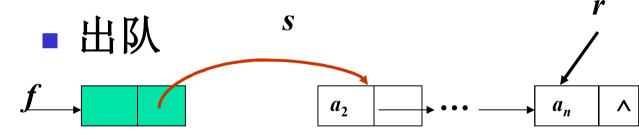


$$s=f \rightarrow \text{next};$$

 $f \rightarrow \text{next}=s \rightarrow \text{next};$



- 定义
- LinkList f,r;



 $s=f \rightarrow \text{next};$ $f \rightarrow \text{next}=s \rightarrow \text{next};$ free(s); 双端队列:是限定插入和删除运算在表的 两端进行的线性表,它好像一个特别书架,取、存书限定在两边进行。

超队列:是一种输入受限的双端队列,即删除仅可在一端进行,而插入仍允许在两端进行。它好像一种特殊的队列,允许有的刚插入的元素就可删除。