

习题课

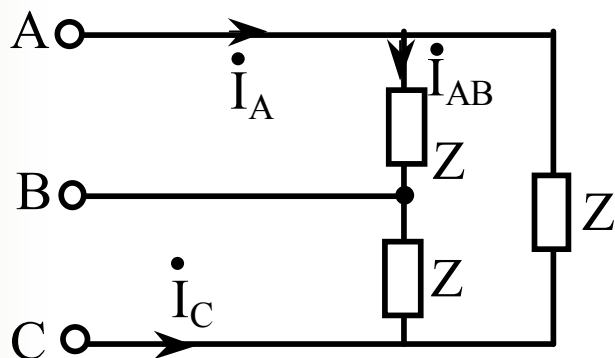
1. 如图所示对称三相电路中, 已知 $\dot{U}_{AB} = 220 \angle 0^\circ \text{V}$

$$Z = 30 + j40 \, \Omega$$

求线电流 \dot{I}_C

解

$$\dot{I}_{AB} = \frac{\dot{U}_{AB}}{Z} = \frac{220 \angle 0^\circ}{30 + j40} = 4.4 \angle -53.1^\circ \text{A}$$

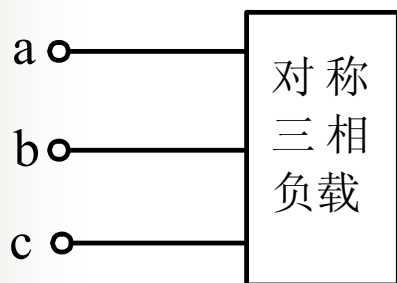


$$\begin{aligned} \dot{I}_A &= \sqrt{3} \dot{I}_{AB} \angle -30^\circ \\ &= 4.4 \sqrt{3} \angle -83.1^\circ \text{A} \end{aligned}$$

利用对称性

$$\begin{aligned} \dot{I}_C &= 4.4 \sqrt{3} \angle (-83.1^\circ + 120^\circ) \\ &= 4.4 \sqrt{3} \angle 36.9^\circ = 7.62 \angle 36.9^\circ \text{A} \end{aligned}$$

2. 如图所示电路为对称三相电感性负载与线电压为380V的供电系统相联，其中，有功功率为2.4 kW，功率因数为0.6。求



(1) 线电流；

(2) 若负载为星形联接，求相阻抗 Z_Y ；

(3) 若负载为三角形联接，则相阻抗 Z_Δ 应为多少？

解 (1) 求线电流

由 $P = \sqrt{3}U_l I_l \cos \phi$ ，得 $I_l = \frac{P}{\sqrt{3}U_l \cos \phi}$ ，代入数据，有

$$I_l = \frac{2.4 \times 10^3}{\sqrt{3} \times 380 \times 0.6} = 6.077 \text{ A}$$

(2) 若负载为星形联接, $U_P = \frac{380}{\sqrt{3}} = 220\text{ V}, I_P = I_l = 6.077\text{ A}$

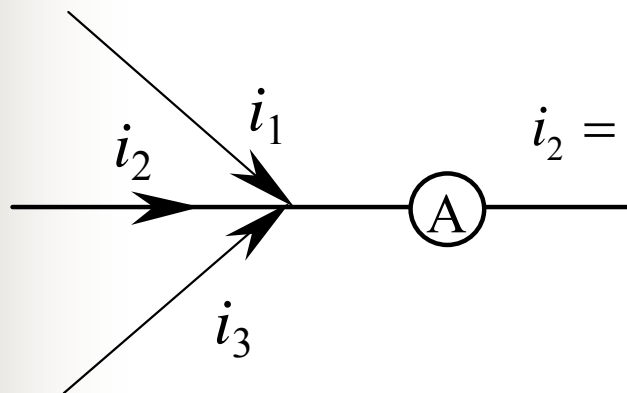
所以, $Z_Y = \frac{U_P}{I_P} \angle \phi = 36.1 \angle 53.1^\circ \Omega$

(3) 若负载为三角形联接, $I_P = \frac{1}{\sqrt{3}} I_l = 3.51\text{ A}, U_P = U_l = 380\text{ V}$

所以, $Z_\Delta = \frac{U_P}{I_P} \angle \phi = 108.6 \angle 53.1^\circ \Omega$

3. 如图所示, 已知 $i_1 = 9\sqrt{2} \cos(\omega t + 120^\circ) \text{ A}$,
 $i_2 = 6\sqrt{2} \sin(\omega t + 30^\circ) \text{ A}$, $i_3 = 4\sqrt{2} \cos(2\omega t + 30^\circ) \text{ A}$ 。求
电流表 (A) 的读数。

解 求有效值时, 注意同次谐波。



$$i_2 = 6\sqrt{2} \sin(\omega t + 30^\circ) = 6\sqrt{2} \cos(\omega t - 60^\circ) \text{ A}$$

可见, i_2 与 i_1 为同次谐波。

由KCL知, $i = i_1 + i_2 + i_3$, 所以, 其有效值为

$$I = \sqrt{(9-6)^2 + 4^2} = 5 \text{ A}$$

4. 如图所示电路 $i(t) = 5 + \sqrt{2} \cos(t + 45^\circ) + \sqrt{2} \cos(t - 45^\circ)$ A 中, $u(t) = -10 + 3 \sin t + 4 \cos t$ V 求功率表 (W) 的读数。

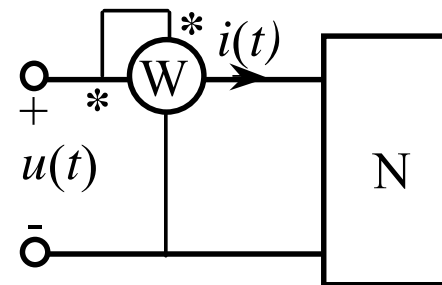
解

$$\begin{aligned} u(t) &= -10 + 3 \sin t + 4 \cos t \\ &= -10 + 5 \cos(t - 36.9^\circ) \text{ V} \end{aligned}$$

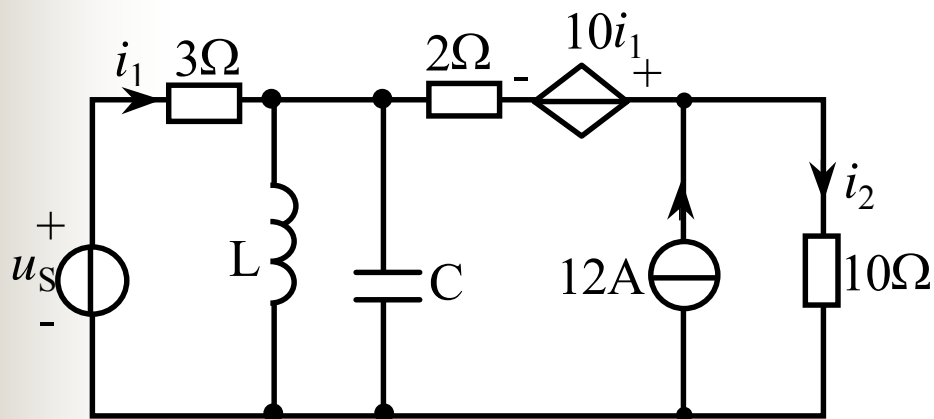
$$\begin{aligned} i(t) &= 5 + \sqrt{2} \cos(t + 45^\circ) + \sqrt{2} \cos(t - 45^\circ) \\ &= 5 + 2 \cos t \text{ A} \end{aligned}$$

$$P = -10 \times 5 + (1/2) \times 5 \times 2 \cos(-36.9^\circ) = -46 \text{ W}$$

功率表 (W) 的读数为 46W。

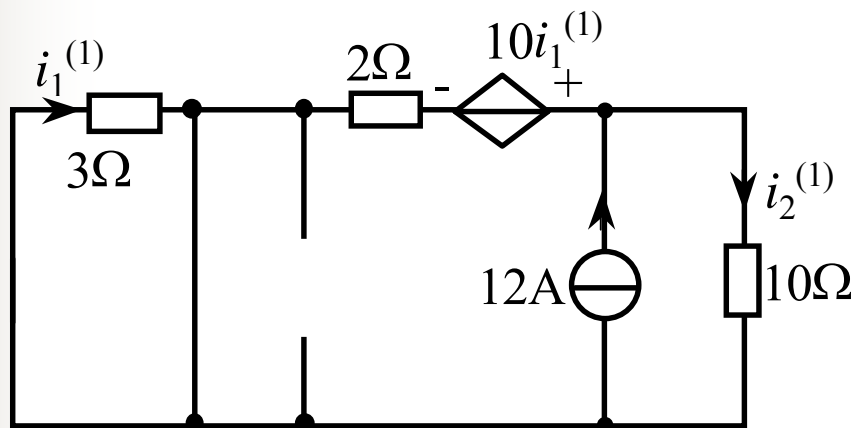


5. 如图所示电路中, 已知 $u_s=10\cos 1000t$ V,
 $L=5\text{mH}$, $C=200\mu\text{F}$, 试求 $i_2(t)$ 及其有效值。



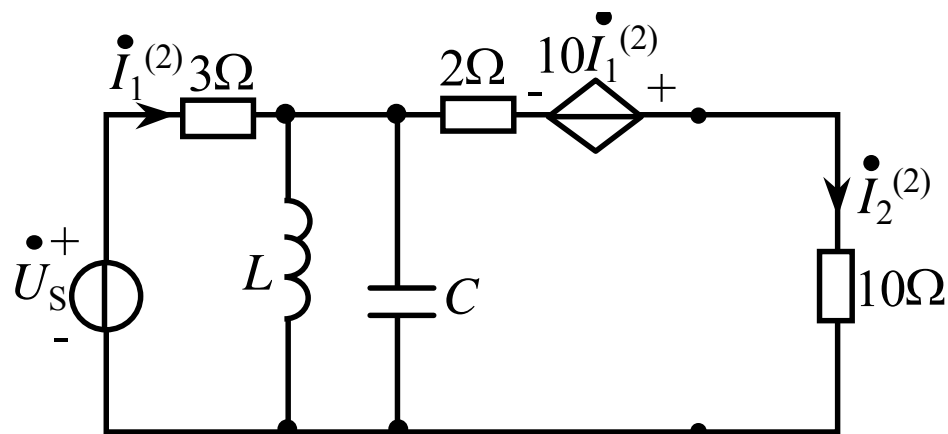
(1) 12A直流电流源
 单独作用时

$$i_1^{(1)}=0$$



$$i_2^{(1)} = \frac{2}{10+2} \times 12 = 2 \text{ A}$$

(2) u_s 电压源单独作用时



$$\omega L = 5\Omega \quad \frac{1}{\omega C} = 5\Omega \quad \text{所以, } L、C \text{ 发生并联谐振}$$

$$\dot{I}_1^{(2)} = \dot{I}_2^{(2)} \quad \dot{U}_s = \frac{10}{\sqrt{2}} \angle 0^\circ \text{ V} = 5\sqrt{2} \angle 0^\circ \text{ V}$$

列，KVL方程

$$15\dot{I}_2^{(2)} - 10\dot{I}_2^{(2)} = \dot{U}_s$$

从而，得

$$\dot{I}_2^{(2)} = \frac{\dot{U}_s}{5} = \sqrt{2} \angle 0^\circ \text{ A}$$

所以，有

$$\begin{aligned} i_2 &= I_2^{(1)} + \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} \cos 1000t \\ &= 2 + 2 \cos 1000t \text{ A} \end{aligned}$$

$$I_2 = \sqrt{2^2 + (\sqrt{2})^2} = \sqrt{6} \text{ A}$$