



## 6.4 树和森林

---

- 树和森林的存储
- 树和森林的遍历





## 6.4.1 树的存储结构

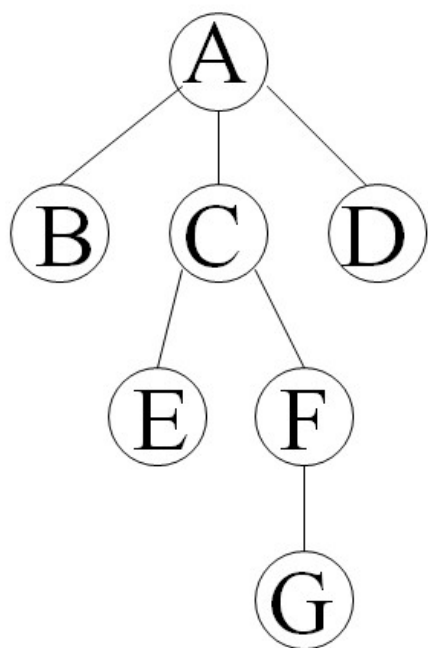
➤ 树的非顺序存储映像：

1. 双亲表示法
2. 孩子表示法
3. 树的二叉链表(孩子-兄弟) 存储表示法



# 树的双亲表示法:

```
#define MAX_TREE_SIZE 100
```



r=0  
n=7

**定义:** 用一维数组存放树中的每一结点的值(**data**)和双亲位置(**parent**, **逻辑关系**)

data parent

A	-1
B	0
C	0
D	0
E	2
F	2
G	5

```
typedef struct PTNode {
```

```
    ElemType data;
```

```
    int parent; // 双亲位置
```

```
} PTNode;
```

```
typedef struct {
```

```
    PTNode nodes
```

```
        [MAX_TREE_SIZE]
```

```
    int r, n;
```

```
} PTree;
```

**说明:** 结点存放无顺序要求, 根结点不一定存在第一个位置; 每个数组元素对应树中一个结点, 存放结点的值和双亲位置

**r**—根结点位置, **n**—树中结点个数

特点: 找祖先易, 找子孙难



## 6.4.1 树的存储结构

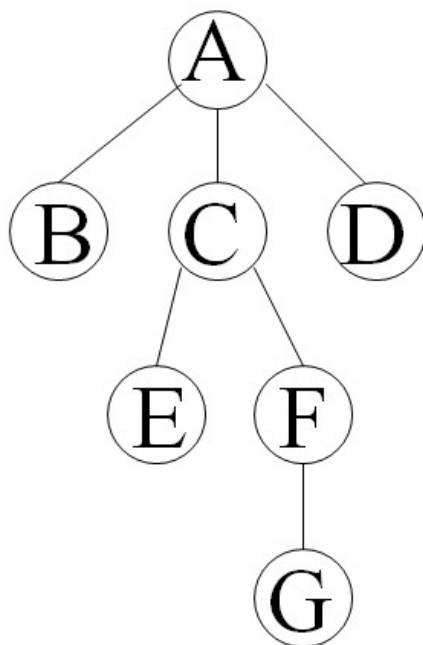
### ■ 树的孩子表示法:

1. 定长结点的多重链表
2. 不定长结点的多重链表
3. 孩子单链表



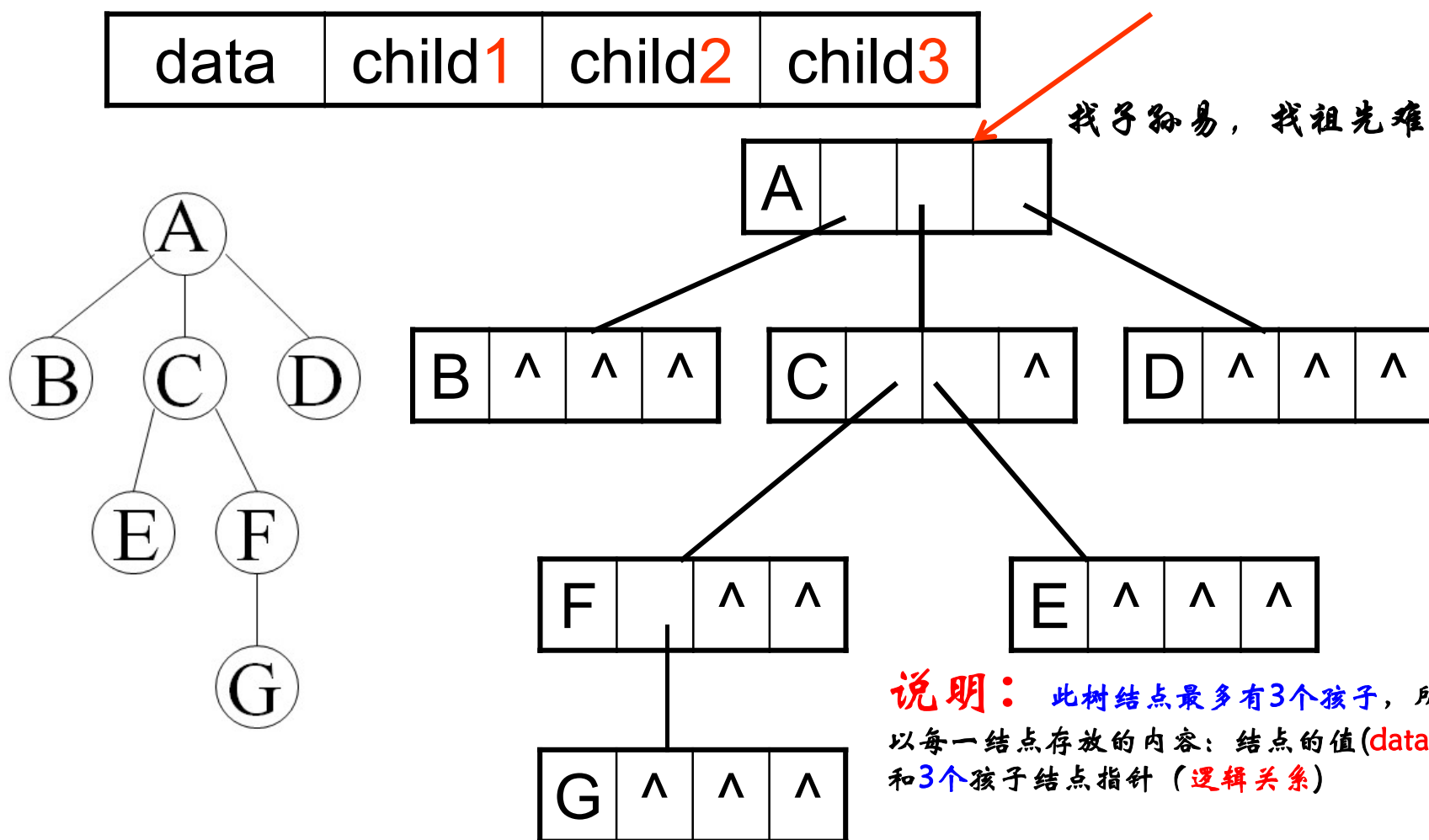
# 树的孩子表示法--定长结点的多重链表

data	child <sup>1</sup>	child <sup>2</sup>	...	child <sup>d</sup>
------	--------------------	--------------------	-----	--------------------



**定义：**链表存放树中的每一结点的值(**data**)和孩子结点位置(**child<sup>i</sup>**, **逻辑关系**)，每个结点的孩子指针的个数=树中孩子最多的结点的孩子个数

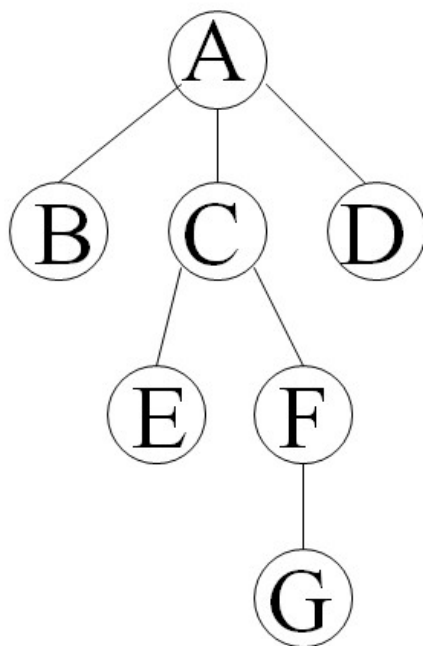
# 树的孩子表示法——定长结点的双重链表



特点：结点的结构统一，若树的度为 $d$ ，则结点包含一个数据域， $d$ 个孩子指针域  
 缺点：空指针多，浪费空间

# 树的孩子表示法--不定长结点的多重链表

data	degree	child1	child2	...	childd
------	--------	--------	--------	-----	--------

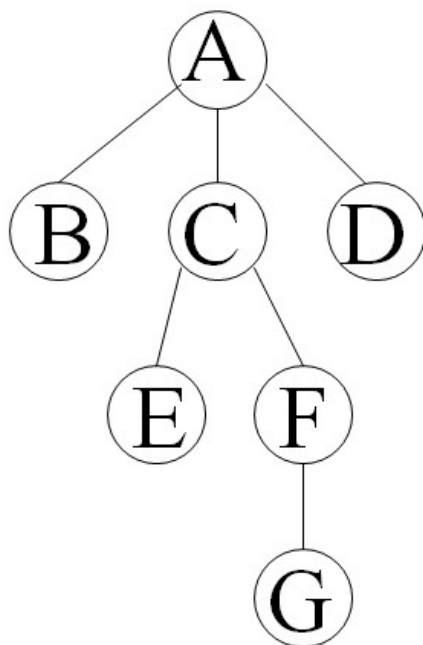


**定义：**链表存放树中的每一结点的值(**data**)和孩子结点位置(**childi**，**逻辑关系**)，每个结点的孩子指针的个数=该结点的孩子个数

树的度为**d**,该树的不定长结点的多重链表中结点结构有几种?

# 树的孩子表示法--不定长结点的多重链表

data	degree	child1	child2	...	childd
------	--------	--------	--------	-----	--------



data	3	child1	child2	child3
------	---	--------	--------	--------

data	2	child1	child2
------	---	--------	--------

data	1	child1
------	---	--------

data	0
------	---

树的度为 $d=3$ ,该树的不定长结点的多重链表中结点结构有4种

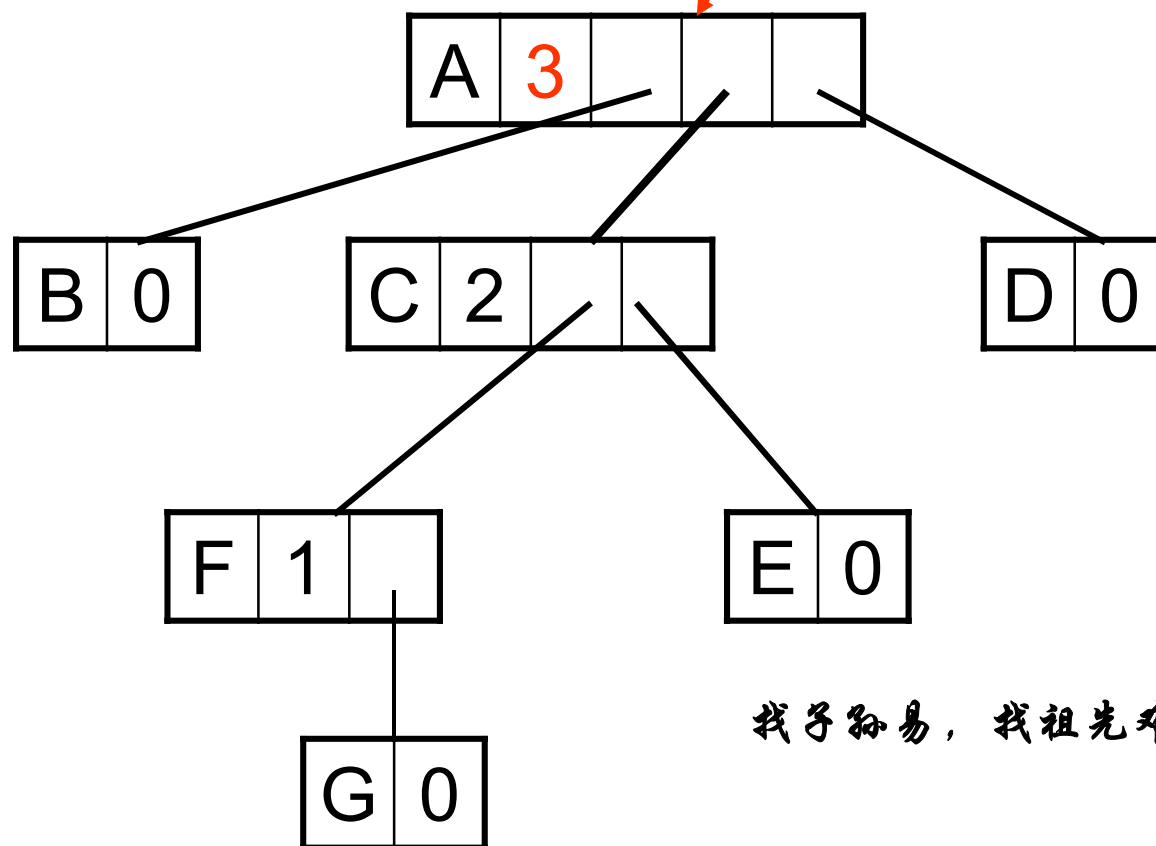
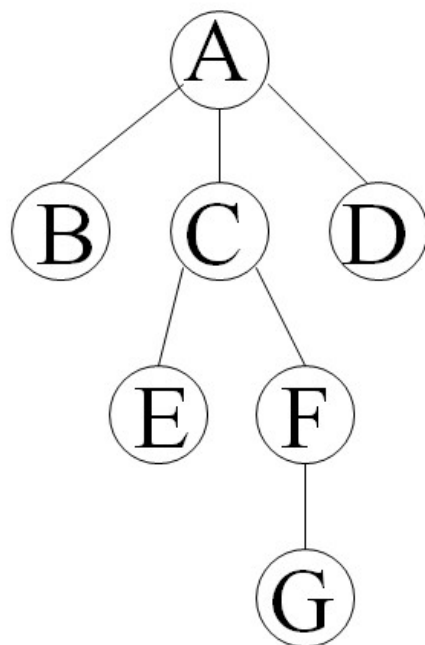
特点: 结点的结构不统一, 包含一个数据域, 结点的度 $d$ ,  $d$ 个孩子指针域

缺点: 操作较复杂



# 树的孩子表示法--不定长结点的多重链表

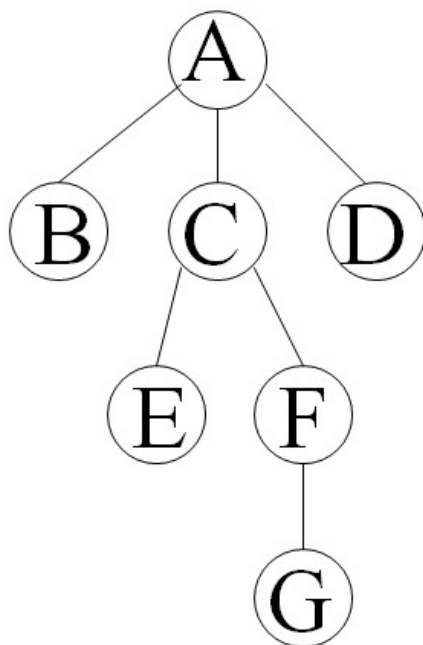
data	degree	child1	child2	...	childd
------	--------	--------	--------	-----	--------



找子孙易，找祖先难

# 树的孩子表示法--孩子单链表表示法

将每个结点的孩子结点拉成一个单链表



结点C在孩子表示法中存了2次：一次出现在下标为2的数组元素中，该数组元素同时保存了C的孩子单链表的头指针；一次出现在结点A的孩子单链表中。数据元素存放多次，更新操作比较麻烦，更新一个数据元素，所有保存该数据元素的地方均要更新，否则信息不一致！

data firstchild

0	A		→	B	→	C	→	D	Λ
1	B								Λ
2	C		→	E	→	F			Λ
3	D								Λ
4	E								Λ
5	F		→	G					Λ
6	G								Λ

每个数组元素的“data”域存放树中结点的值，“firstchild”存其孩子单链表的头指针

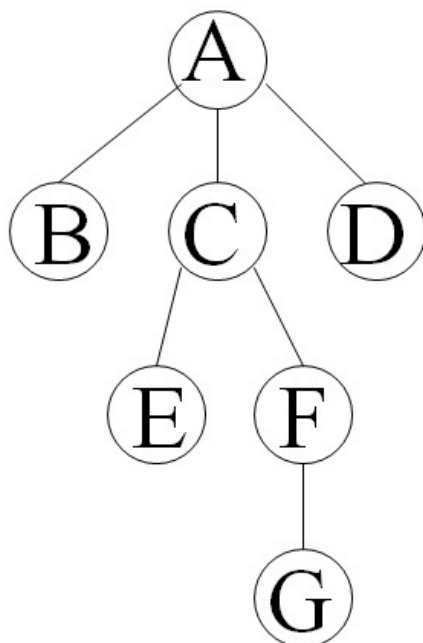
r=0

n=7

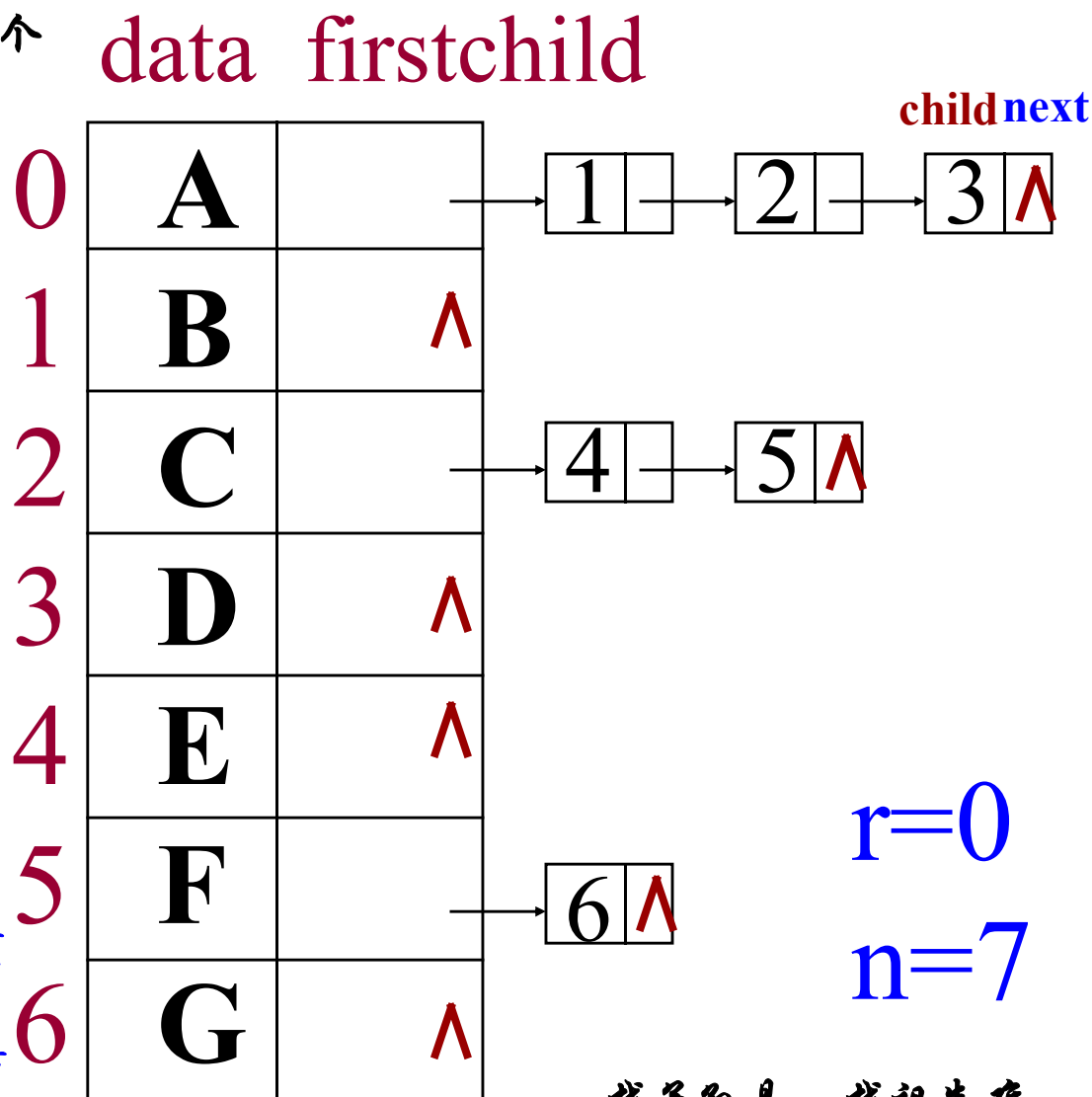
找子孙易，找祖先难

# 树的孩子表示法--孩子单链表表示法

将每个结点的孩子结点拉成一个  
单链表



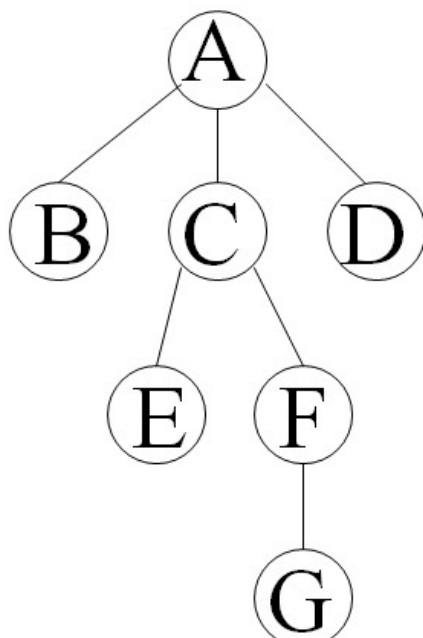
为节省存储空间、方便更新操作和数据维护，每个数据元素只在数组中存放一次；在孩子单链表中只存放这个孩子在数组中的位置。如图所示：结点A的孩子单链表中第一个孩子结点是下标为1的数组元素（B），第二个孩子是下标为2的数组元素（C），第三个孩子是下标为3的数组元素（D）。



找子孙易，找祖先难

# 树的孩子表示法--孩子单链表表示法

将每个结点的孩子结点拉成一个单链表



data pa firstchild

0	A	-1	→ [1] → [2] → [3] ^
1	B	0	^
2	C	0	→ [4] → [5] ^
3	D	0	^
4	E	2	^
5	F	2	→ [6] ^
6	G	5	^

r=0

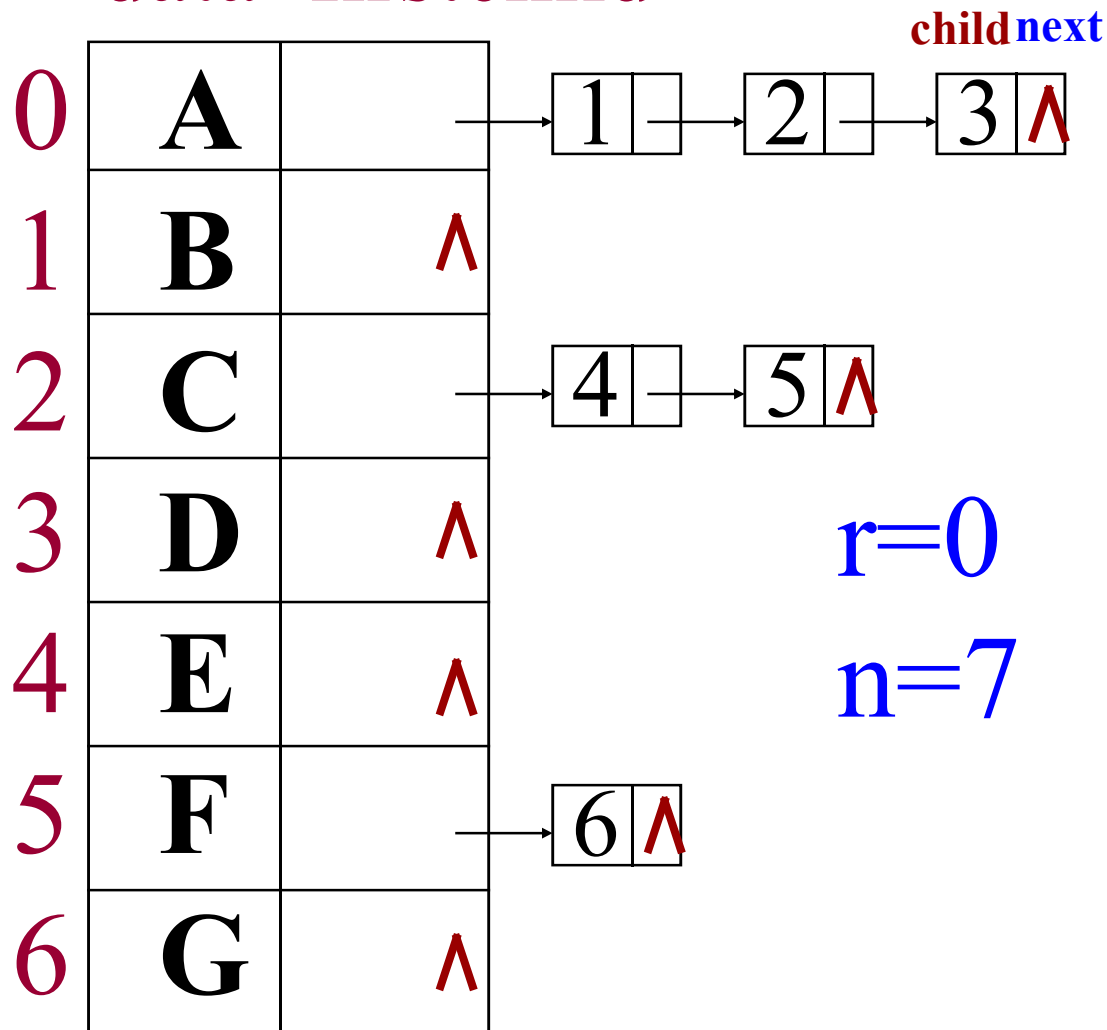
n=7

若既要找子孙，又要找祖先，可将孩子单链表和双亲表示法结合在一起  
每个数组元素的“data”域存放数据元素的值，“pa”域存放双亲结点在数组中的位置，“firstchild”存其孩子单链表的头指针

将双亲表示法和孩子表示法结合

# C语言的类型描述：孩子单链表的结点结构：

data firstchild



```
typedef struct CTNode {
    int    child;
    struct CTNode *next;
} *ChildPtr;
```

数组元素类型：

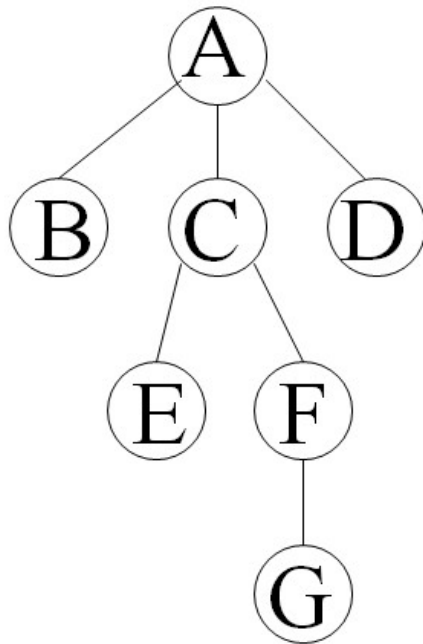
```
typedef struct {
    ElemType  data;
    ChildPtr  firstchild;
    // 孩子单链表的头指针
} CTBox;
```

树：

```
typedef struct {
    CTBox  nodes[MAX_TREE_SIZE];
    int    n, r;
    // 树的结点数和根结点的位置
} CTree;
```

CTree T;

T.nodes[ ] data firstchild

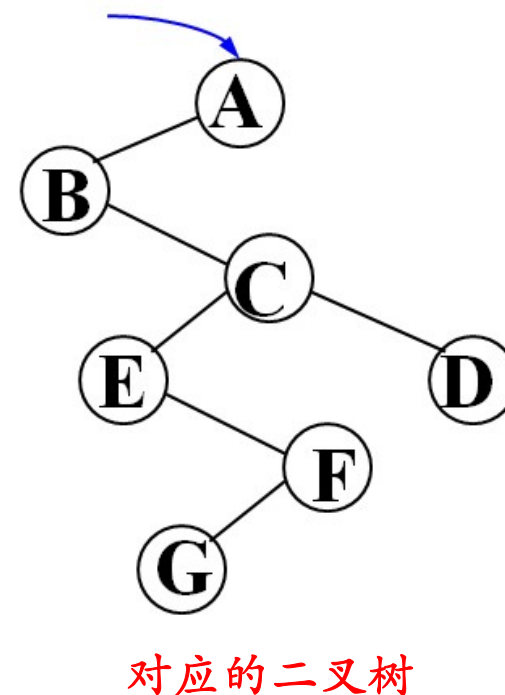
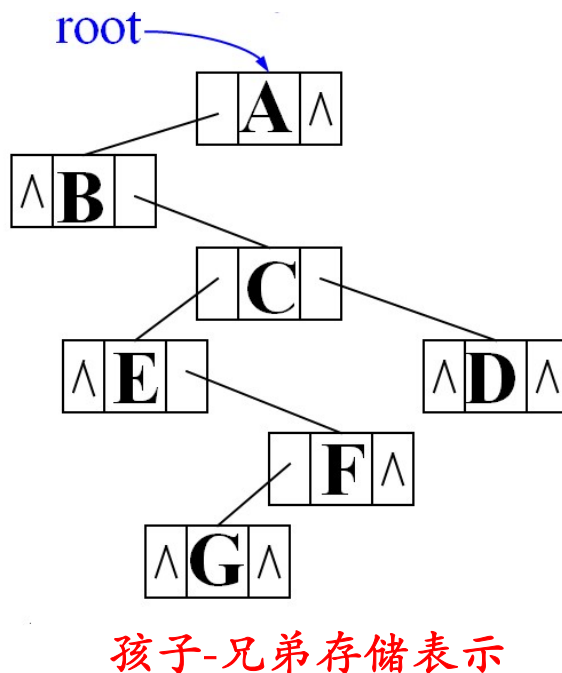
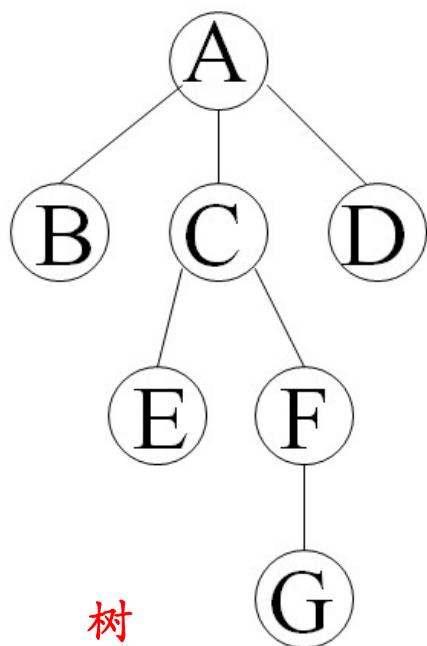


0	<b>A</b>		→	1	→	2	→	3	Λ
1	<b>B</b>								Λ
2	<b>C</b>		→	4	→	5			Λ
3	<b>D</b>								Λ
4	<b>E</b>								Λ
5	<b>F</b>		→	6					Λ
6	<b>G</b>								Λ

T.r=0

T.n=7

# 树的二叉链表(孩子-兄弟) 存储表示法



```
typedef struct CSNode{
```

```
    ElemType      data;
```

```
    struct CSNode
```

```
        *fc, *nb;
```

```
} CSNode, *CSTree;
```

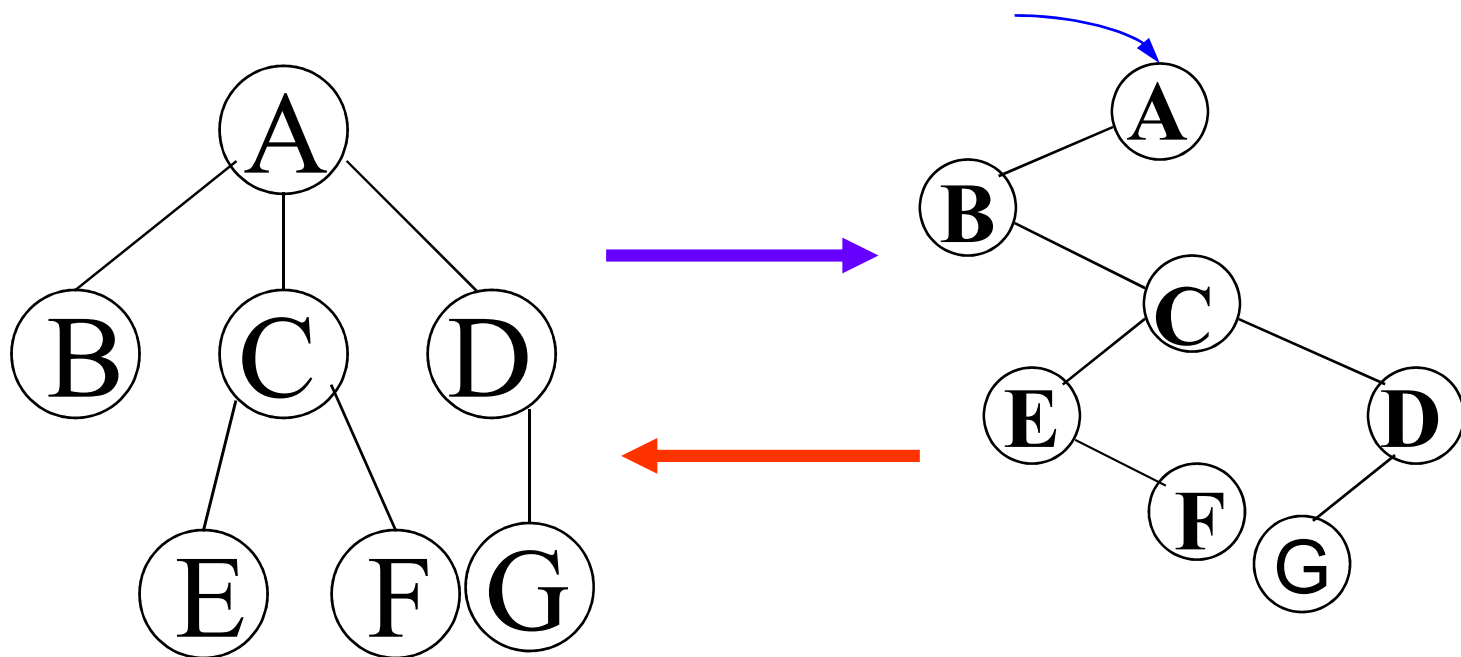
树中每个结点三部分:

数据域 (**data**) , 长子指针域(**fc**),  
右邻兄弟指针域(**nb**)

# 树和二叉树的转换

- 树以孩子兄弟表示法存，相当于将树转换成二叉树，但此二叉树**根结点无右子树**
- **好处**：借助二叉树的操作实现树的操作
- 要求：
  - 掌握树和二叉树的转换
  - 利用二叉树的操作实现树的操作





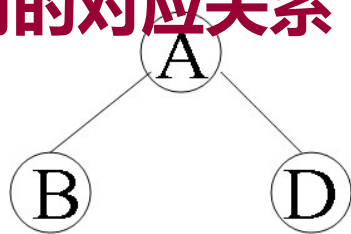
树和二叉树的转换示例

## 6.4.2 森林与二叉树的转换

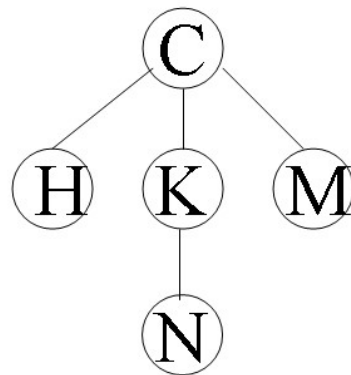
- 树采用二叉链表(孩子-兄弟) 存储表示法, 转换成二叉树
- 森林由多棵树组成:  $F = (T_1, T_2, \dots, T_n)$ ; , 将其每棵树转换成二叉树  $BT_1, BT_2, \dots, BT_n$ ;
- 每棵二叉树  $BT$  的根的右子树皆为空树, 从  $BT_n$  开始依次将其根结点链为前一棵二叉树的根的右孩子
- 将森林转换成一棵二叉树, 森林的操作可借助二叉树的操作完成



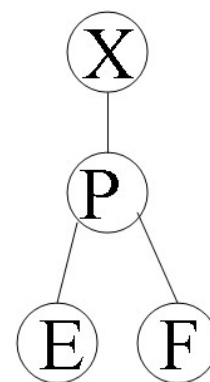
## 森林和二叉树的对应关系



T1

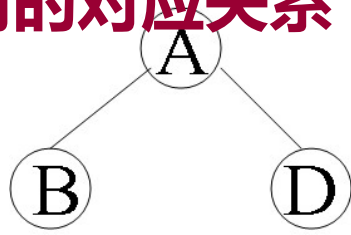


T2

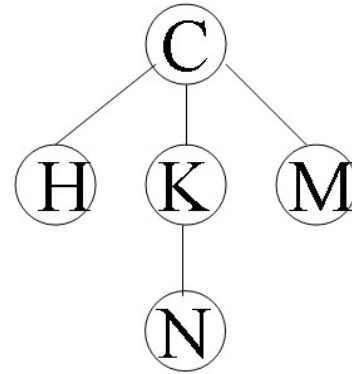


T3

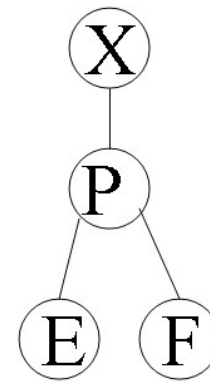
## 森林和二叉树的对应关系



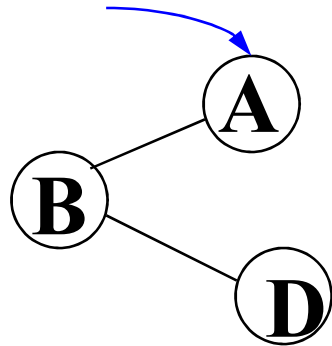
T1



T2

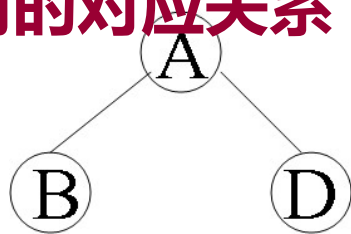


T3

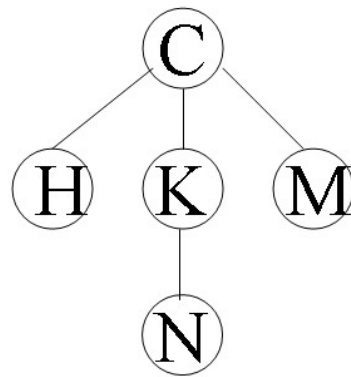


BT1

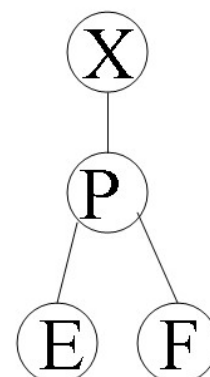
## 森林和二叉树的对应关系



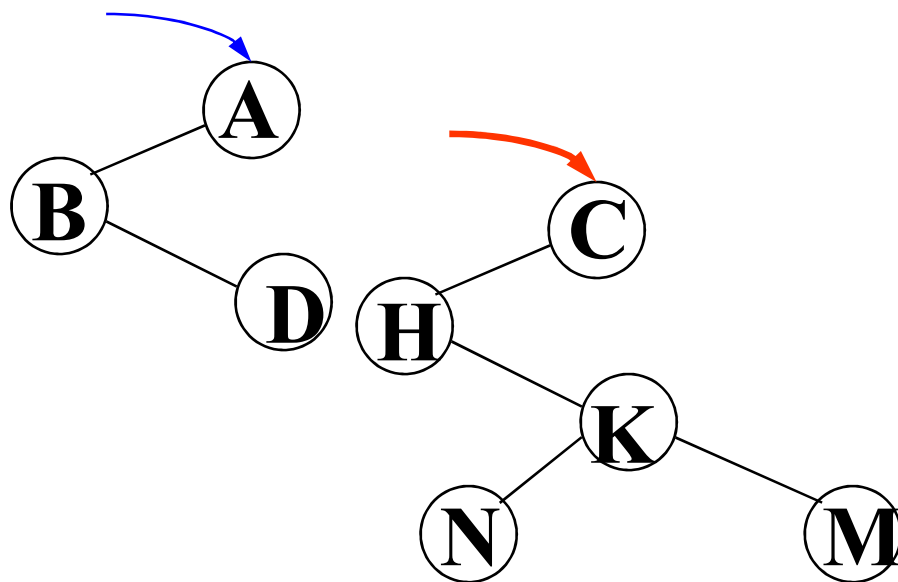
T1



T2



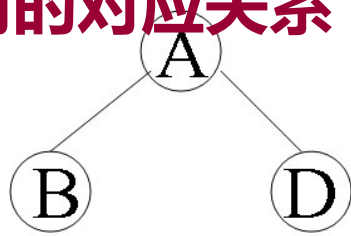
T3



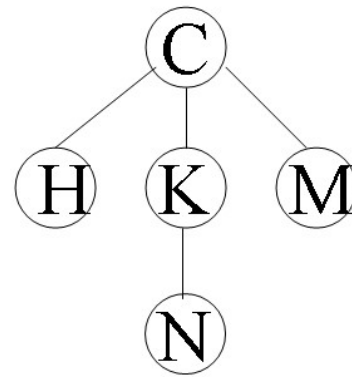
BT1

BT2

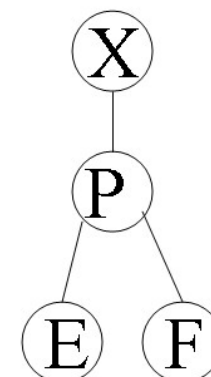
## 森林和二叉树的对应关系



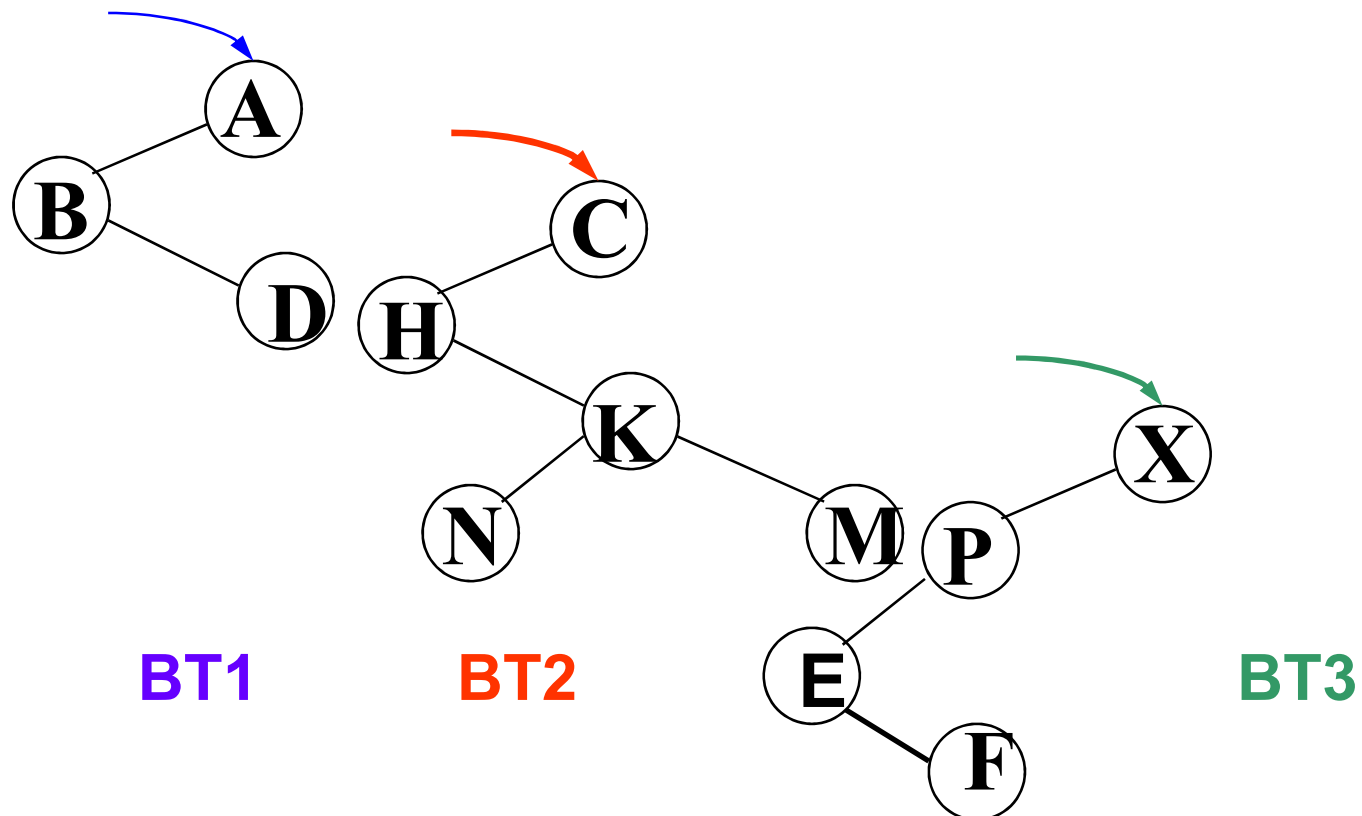
T1



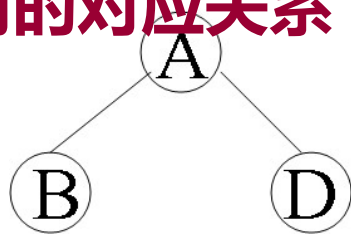
T2



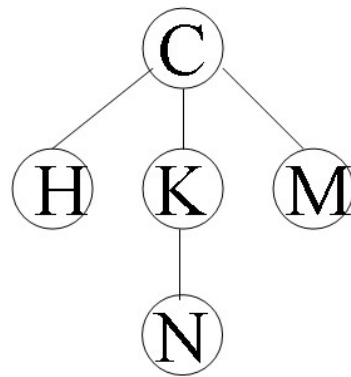
T3



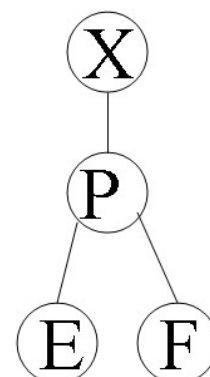
## 森林和二叉树的对应关系



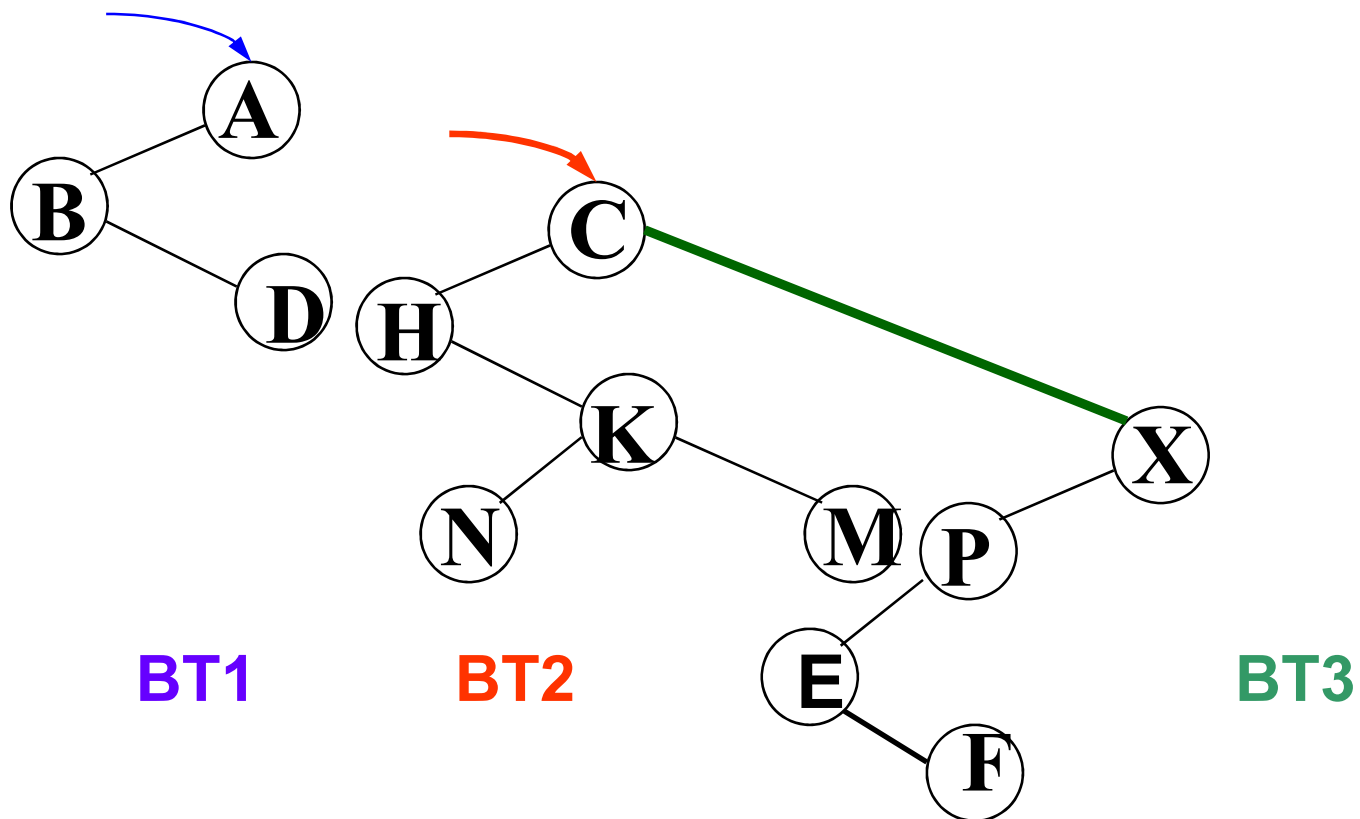
T1



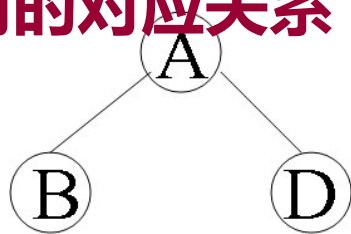
T2



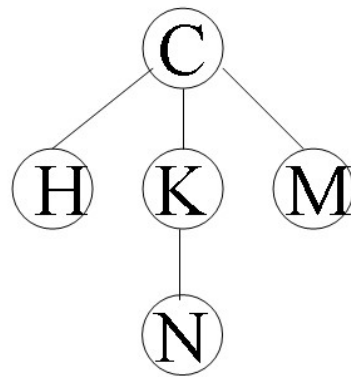
T3



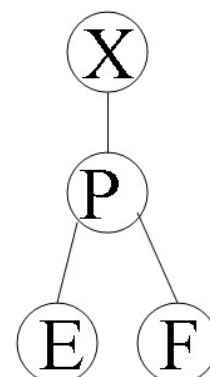
## 森林和二叉树的对应关系



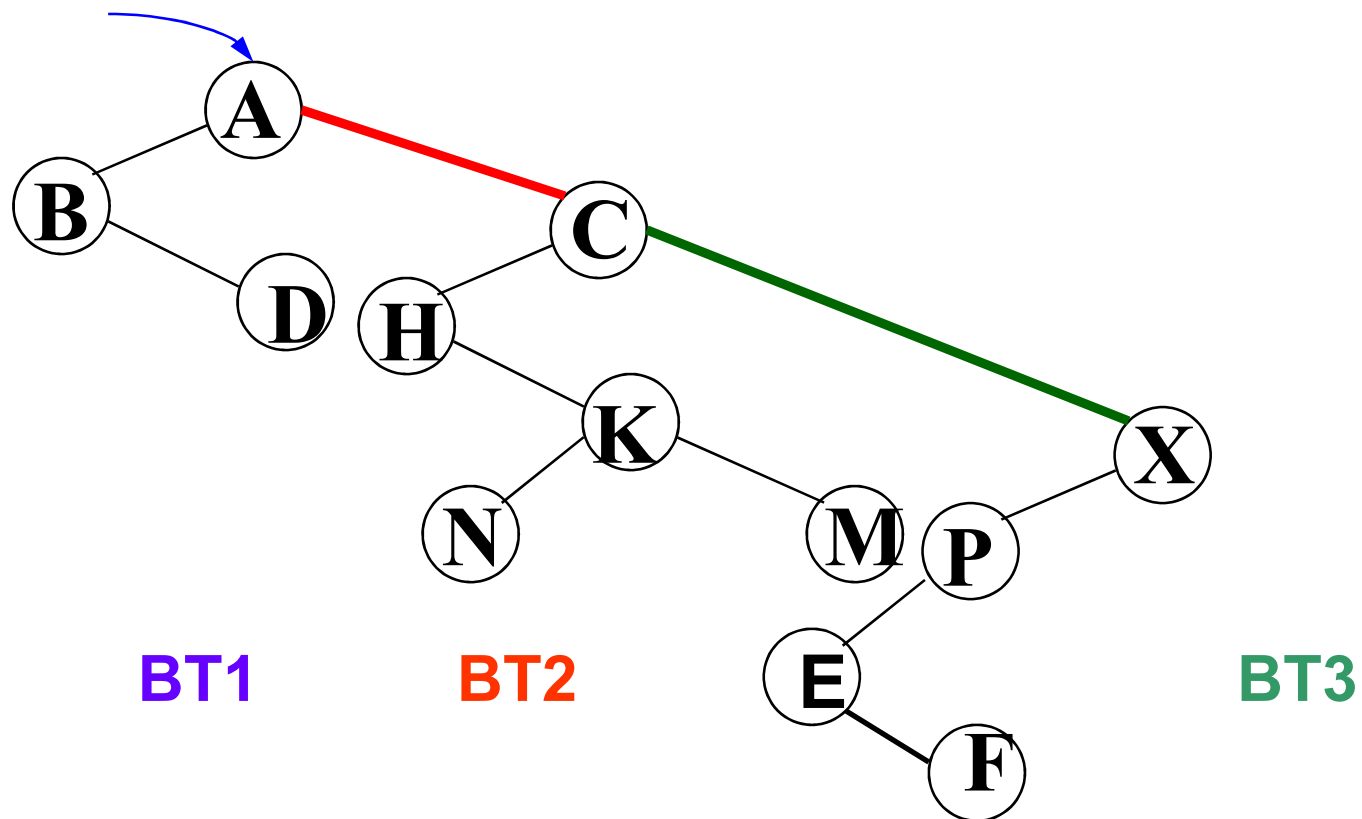
T1



T2



T3





# 森林和二叉树的对应关系

设森林:

$$F = (T_1, T_2, \dots, T_n); T_1 = (\text{root}, t_{11}, t_{12}, \dots, t_{1m});$$

二叉树:

$$B = (\text{LBT}, \text{Node}(\text{root}), \text{RBT});$$

若  $F = \Phi$ , 则  $B = \Phi$ ;

否则,

由  $\text{ROOT}(T_1)$  对应得到  $\text{Node}(\text{root})$ ;

由  $(t_{11}, t_{12}, \dots, t_{1m})$  对应得到 LBT;

由  $(T_2, T_3, \dots, T_n)$  对应得到 RBT。

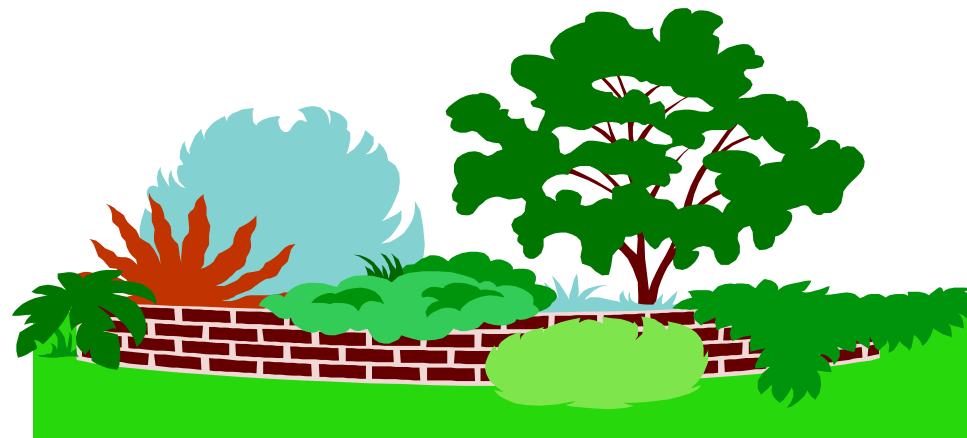
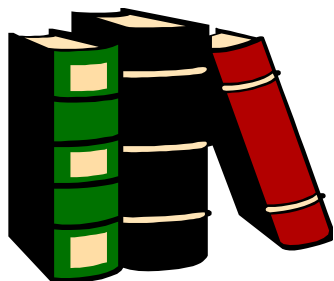
# 森林和二叉树的转换

- 森林以孩子兄弟表示法存，相当于将森林转换成二叉树
- **好处**：借助二叉树的操作实现森林的操作
- 要求：
  - 掌握森林和二叉树的转换
  - 利用二叉树的操作实现森林的操作



## 6.4.3 树和森林的遍历

- 树的遍历
- 森林的遍历
- 树的遍历的应用



## 6.4.3 树和森林的遍历

### ■ 树的遍历可有三条搜索路径:

- 先根(次序)遍历:若树不空,则先访问根结点,然后依次先根遍历各棵子树。
- 后根(次序)遍历:若树不空,则先依次后根遍历各棵子树,然后访问根结点。
- 按层次遍历:若树不空,则自上而下自左至右访问树中每个结点。



先根遍历时顶点  
的访问次序:

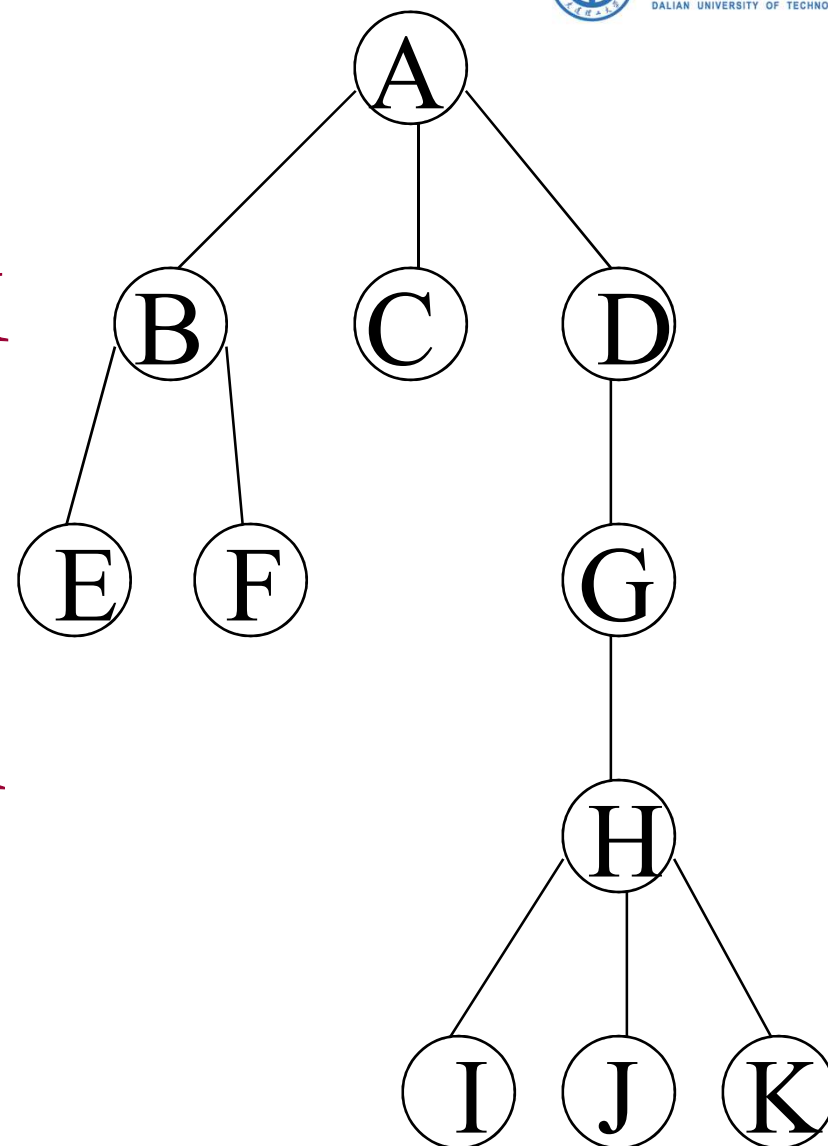
A B E F C D G H I J K

后根遍历时顶点  
的访问次序:

E F B C I J K H G D A

层次遍历时顶点  
的访问次序:

A B C D E F G H I J K



# 树的先根(次序)遍历非递归算法

```
void PreorderTraverse(BiTree T){//二叉树的先序遍历非递归算法
    SeqStack s;
    s.top=-1; p = T;
    while(p){
        while(p){printf("%c",p->data);
            if(p->rchild)
                if(s.top==MAX-1) exit (0); //树的孩子兄弟表示法
            else s.data[++s.top]=p->rchild;
            p =p->lchild;}
        if (s.top!=-1) p=s.data[s.top--];
    }
}
```

```
typedef struct CSNode{
    ElemType data;
    struct CSNode
        *fc, *nb;
} CSNode, *CSTree;

typedef struct BiTNode {
    ElemType data;
    struct BiTNode *lchild, *rchild;
} BiTNode, *BiTree;
//二叉树的二叉链表表示法
```

先根(次序)遍历与对应的二叉树的先序遍历相同

# 树的先根(次序)遍历非递归算法

void PreorderTraverse(CSTree T){//树的先根遍历非递归算法

SeqStack s;

s.top=-1; p = T;

while(p){

while(p){printf("%c",p->data);

if(p->nb)

if(s.top==MAX-1) exit (0);

else s.data[++s.top]=p->nb;

p =p->fc;}

if (s.top!=-1) p=s.data[s.top--];

}

}

树的后根遍历非递归算法

后根(次序)遍历与对应的二叉树  
的中序遍历相同

先根(次序)遍历与对应的二叉树的先序遍历相同

typedef struct CSNode{

ElemType data;

struct CSNode

\*fc, \*nb;

} CSNode, \*CSTree;

//树的孩子兄弟表示法

typedef struct BiTNode {

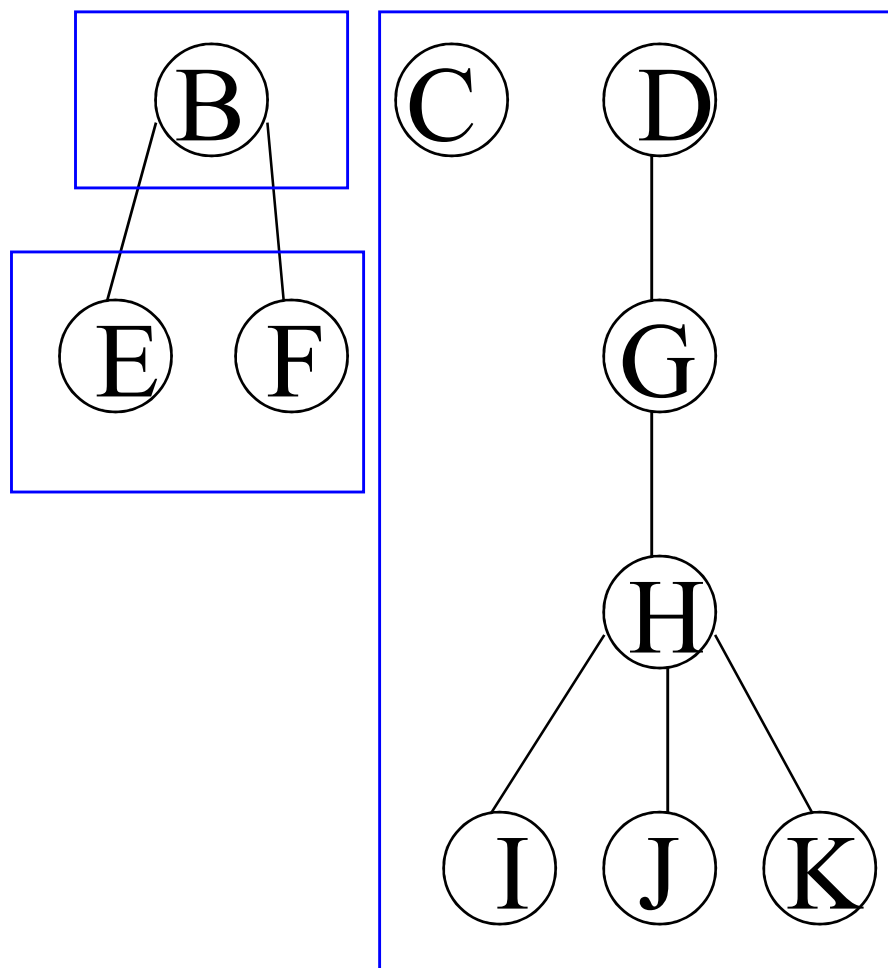
ElemType data;

struct BiTNode \*lchild, \*rchild;

} BiTNode, \*BiTree;

//二叉树的二叉链表表示法

## 森林由三部分构成：



1. 森林中第一棵树的根结点；

2. 森林中第一棵树的子树森林；

3. 森林中其它树构成的森林。

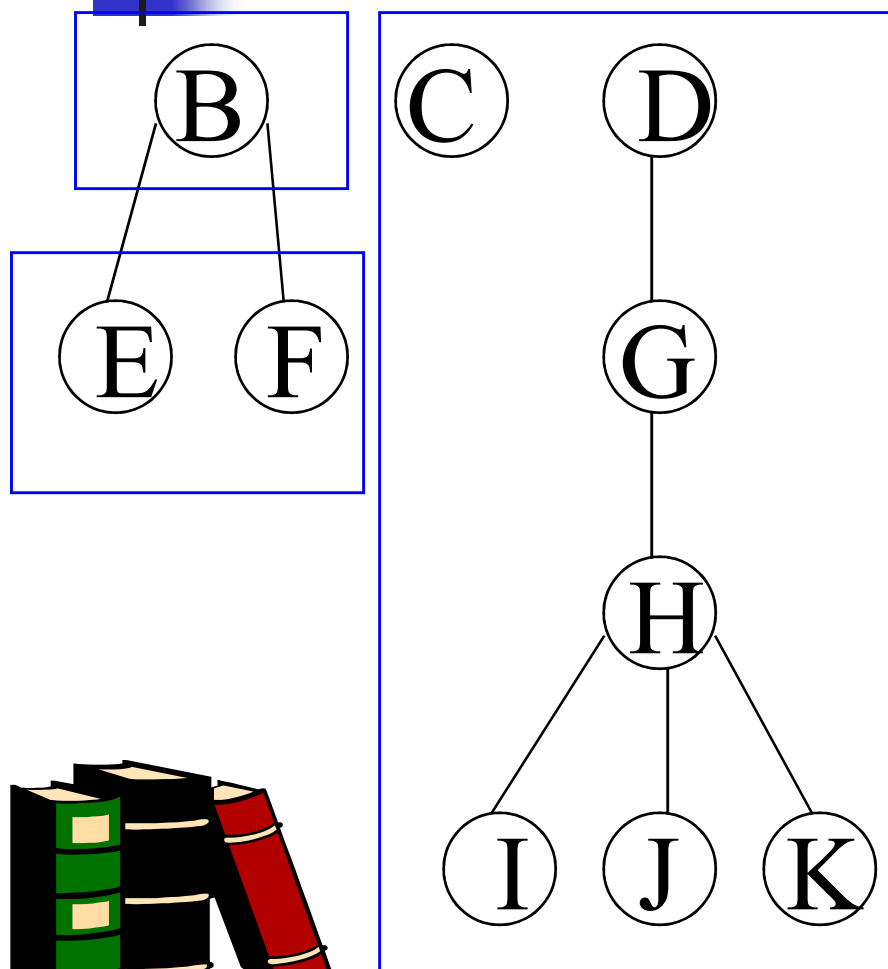


## 6.4.3 树和森林的遍历--森林的遍历

- **先序遍历**：若森林不空，则**访问森林中第一棵树的根结点**；**先序遍历森林中第一棵树的子树森林**；**先序遍历森林中(除第一棵树之外)其余树构成的森林**---即：依次从左至右对森林中的每一棵树进行**先根遍历**。
- **中序遍历**：若森林不空，则**中序遍历森林中第一棵树的子树森林**；**访问森林中第一棵树的根结点**；**中序遍历森林中(除第一棵树之外)其余树构成的森林**---即：依次从左至右对森林中的每一棵树进行**后根遍历**。

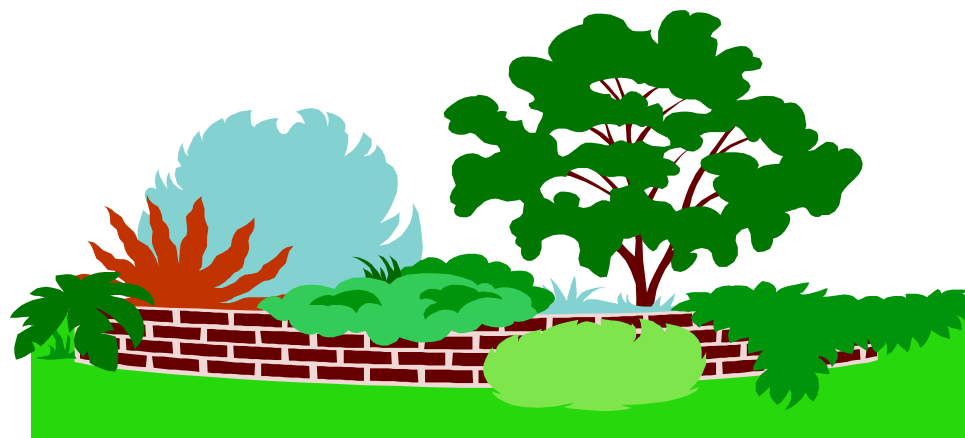
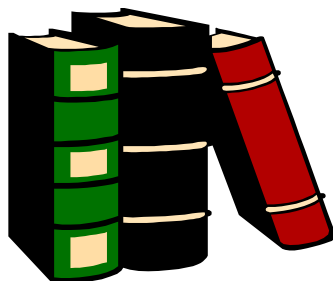


## 6.4.3 树和森林的遍历--森林的遍历



先序遍历: BEFC DGH IJK

中序遍历: EFBC IJ KHGD



# 树的遍历和二叉树遍历 的对应关系？

**树**

**森林**

**二叉树**

**先根遍历**

**先序遍历**

**先序遍历**

**后根遍历**

**中序遍历**

**中序遍历**