# 第一章 电路基本概念与基本定律

- 1.1 电路与电路模型
- 1.2 电路分析常用基本变量
- 1.3 基尔霍夫定律
- 1.4 电阻元件及欧姆定律
- 1.5 独立电源元件
- 1.6 受控电源
- 1.7 简单电路分析 本章要点

## 1.1 电路和电路模型

1、电 路

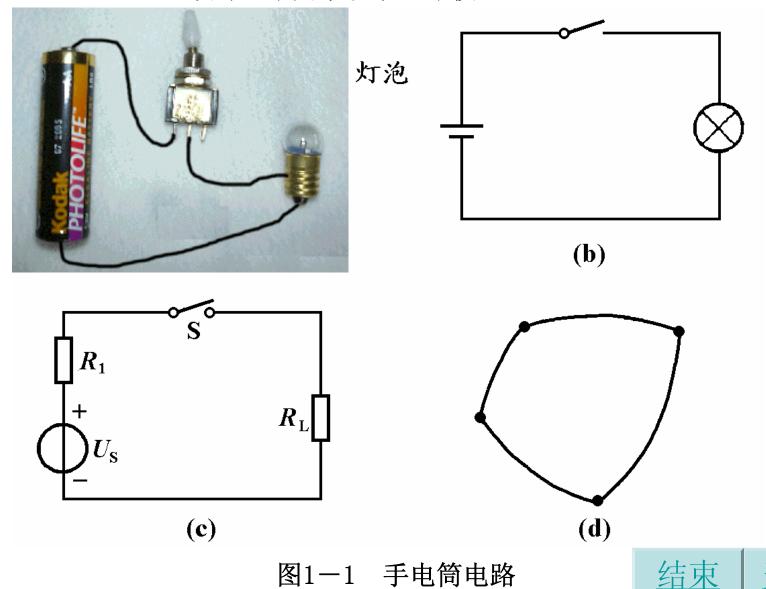
例1 手电筒电路

见图1—1

• 例2 晶体管放大电路

见图1—2

#### 常用电路图来表示电路模型

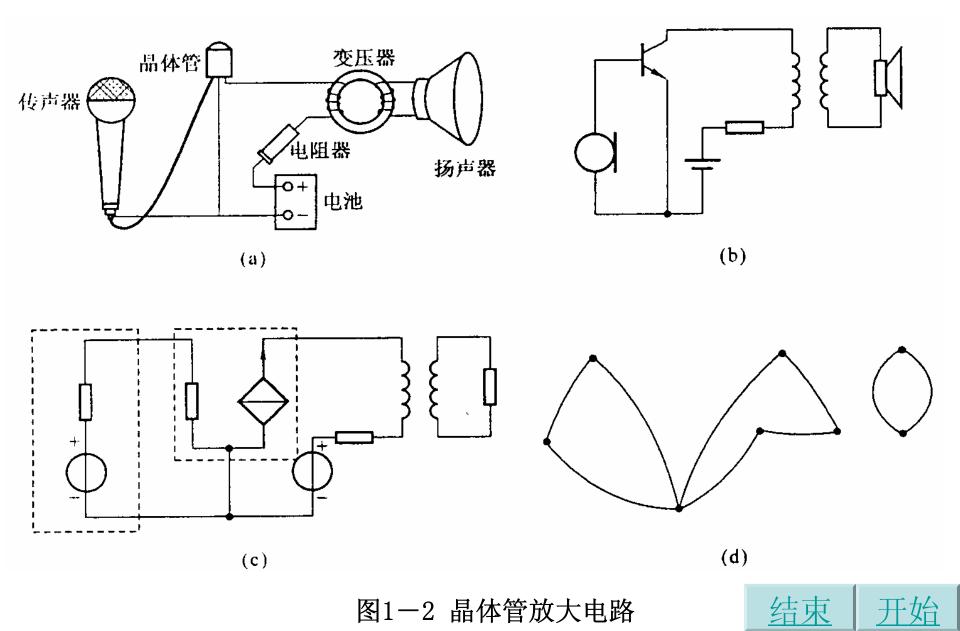


(a) 实际电路

(b) 电原理图

(c) 电路模型

(d) 拓扑结构图



(a)实际电路

(b) 电原理图

(c) 电路模型

(d)拓扑结构图 4

## 电路的定义:

电器元件或设备按一定方式连接而构成的集合。

## 电路的作用:

- (1) 能量转换:实现电能传送、转换等。例如,供电电路;
- (2)信号处理:实现电信号产生、加工、传输、变换等。例如,放大器电路、电话线路等。

## 2、电路分类:

线 性 非线性

激励与响应满足叠加性和齐次性的电路。

时 变时不变

电路元件参数不随时间变化。

电路几何尺寸远小于最小工作波长的电路。

集中参数 分布参数

 $C=3x10^8m/s$ 

 $\lambda = \frac{C}{f}$ 

f(Hz)	50	25k	500M	30G
$\lambda$ (m)	6x10 <sup>6</sup>	12k	0.6	0.01

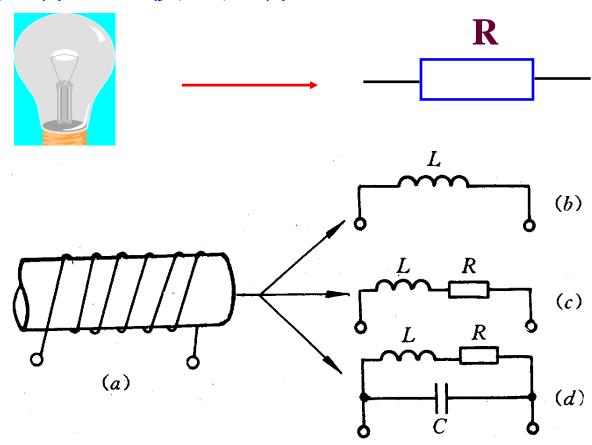
静 态 动 态

含有动态元件的电路。

结束 | 开始

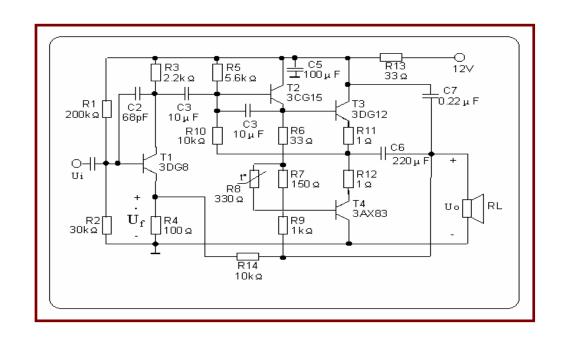
## 3、电路模型

❖理想元件: (模型元件)



(b)—通常情况; (c)—在较低频率下; (d)---在较高频率下(考虑导体表面的电荷作用)

- ❖电路模型: 理想元件组成的电路。
- ❖电路图: 电路模型画在一个平面上所形成的图形。



带电质点的 定向运动

## 1.2 电路分析常用基本变量

电 流电压

电 荷磁 通

功 率能 量

电场力把单位正电 荷从一点移向另一点 所做的功



#### 1. 电流及参考方向 (current reference direction)

Andre-Marie Ampere (1775-1836) 安培

$$i(t) = \frac{dq(t)}{dt}$$

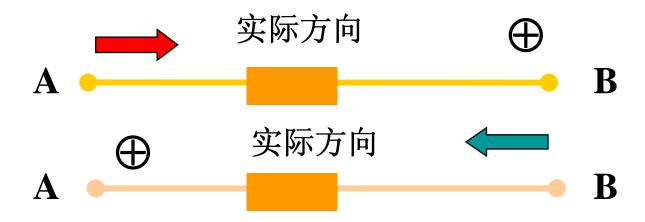


1kA=10<sup>3</sup>A
1mA=10<sup>-3</sup>A
1 μ A=10<sup>-6</sup>A

• 方向

规定正电荷的运动方向为电流的实际方向

元件(导线)中电流流动的实际方向只有两种可能:



问题

复杂电路或电路中的电流随时间变化时, 电流的实际方向往往很难事先判断





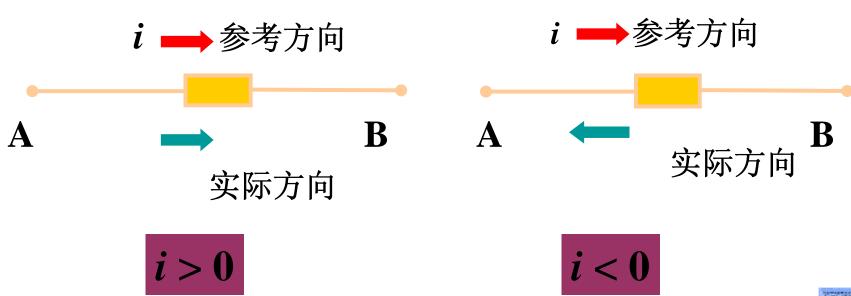
任意假定一个正电荷运动的方向即为电流的参考方向。

电流(代数量)

大小方向

i 参考方向
A B

电流的参考方向与实际方向的关系:

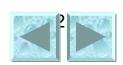




## 电流参考方向的两种表示:

●用箭头表示: 箭头的指向为电流的参考方向.

●用双下标表示:如 $i_{AB}$ ,电流的参考方向由A指向B.



## 2. 电压及参考方向 (voltage reference direction)

时电场力做功(W)的大小

- $\bullet$  电位 $U_A$  单位正电荷q 从电路中一点A移至参考 点 $O(U_0=0)$  时电场力做功的大小
- $\bullet$  电压U 单位正电荷q 从电路中一点A移至另一点B

$$U_{AB} = \frac{dW}{dq}$$

Alessandro Antonio Volta (1745-1827) 伏特



单位: V(伏)、kV、mV、μV



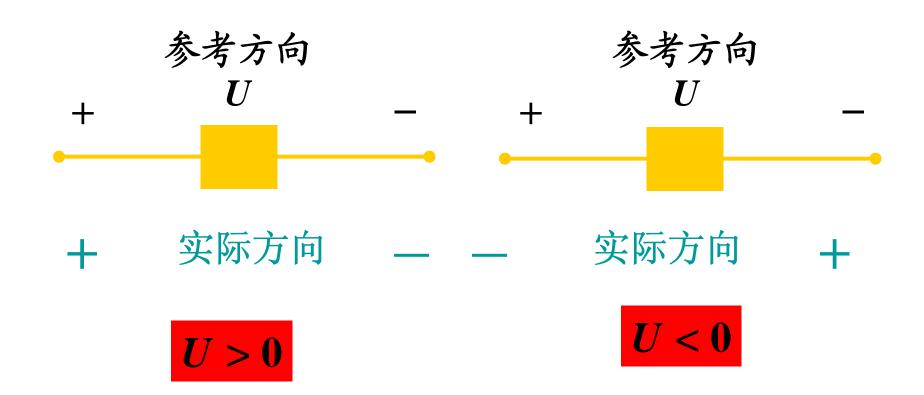
问题

复杂电路或交变电路中,两点间电压的实际方向往往不易判别,给实际电路问题的分析计算带来困难。

● 电压(降)的参考方向



假设的电压降低方向





## 电压参考方向的三种表示方式:

(1) 用箭头表示 **U** 

(2) 用正负极性表示



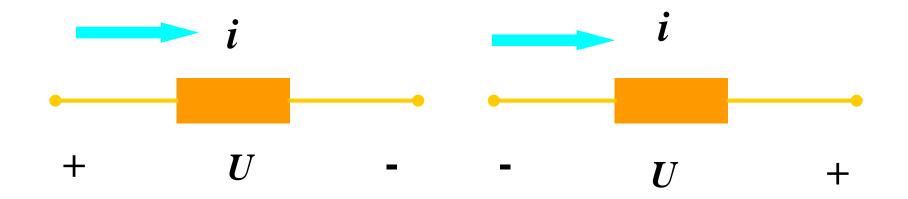
(3) 用双下标表示





## 3. 关联参考方向

元件或支路的u, i 采用相同的参考方向称之为关联参考方向。反之,称为非关联参考方向。

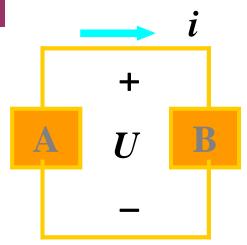


关联参考方向

非关联参考方向



例



电压电流参考方向如图中所标,问:对A、 B两部分电路电压电流参考方向关联否?

答: A 电压、电流参考方向非关联;

B 电压、电流参考方向关联。

注

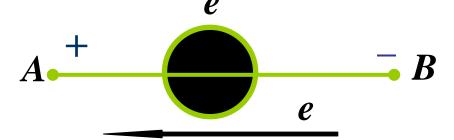
- (1) 分析电路前必须选定电压和电流的参考方向。
- (2) 参考方向一经选定,必须在图中相应位置标注(包括方向和符号),在计算过程中不得任意改变。
- (3)参考方向不同时,其表达式相差一负号,但实际方向不变。



## 补充: 电动势 (electromotive force)

• 电动势e

电源内部的非静电力对正电荷做功,使其从 负极移到正极时形成的电位差,即电源两端 的电动势是电源负极到正极的电位升。



• 电动势与电压

电动势和电压是性质截然不同的两个概念。电动势描述的是电源内部性质的物理量,表示电源负极到正极的电位升,干电池的电动势永远为正值。而电压则是指电路元件(包括电源)上的电位降,可能是正值,也可能是负值。

单位: V(伏)、kV、mV、μV



## 4. 电路元件的功率 (power)

## ◆ 电功率



单位时间内电场力所做的功。

$$p = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}t}$$

$$u = \frac{\mathbf{d}w}{\mathbf{d}q}$$

$$i = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t}$$

$$p = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q} \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t} = ui$$

功率的单位: W(瓦) (Watt, 瓦特)

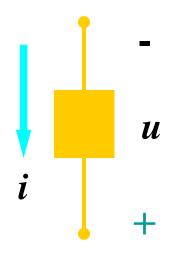
能量的单位: J(焦) (Joule, 焦耳)



## ◆ 电路吸收或发出功率的判断

· u,i 取关联参考方向





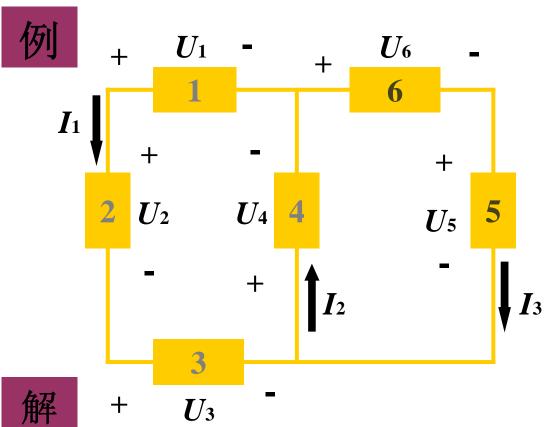
· u,i取非关联参考方向

$$p = ui$$
 表示元件发出的功率

$$P>0$$
 发出正功率 (实际发出)

$$P < 0$$
 发出负功率 (实际吸收)





求图示电路中各方框 所代表的元件消耗或 产生的功率。已知:  $U_1 = 1V$ ,  $U_2 = -3V$ ,  $U_3=8V$ ,  $U_4=-4V$ ,  $U_5 = 7V$ ,  $U_6 = -3V$  $I_1=2A, I_2=1A,$ 

$$P_1 = U_1I_1 = 1 \times 2 = 2W$$
 (发出)

$$P_2 = U_2 I_1 = (-3) \times 2 = -6W$$
 (发出)

$$P_4 = U_4 I_2 = (-4) \times 1 = -4W$$
 (发出)

 $I_3 = -1A$ 

$$P_5 = U_5 I_3 = 7 \times (-1) = -7W$$
 (发出)

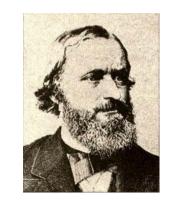
$$P_3 = U_3 I_1 = 8 \times 2 = 16W(吸收)$$
  $P_6 = U_6 I_3 = (-3) \times (-1) = 3W(吸收)$ 



对一完整的电路,发出的功率=消耗的功率

## 1.3 基尔霍夫定律

(Kirchhoff's Laws)



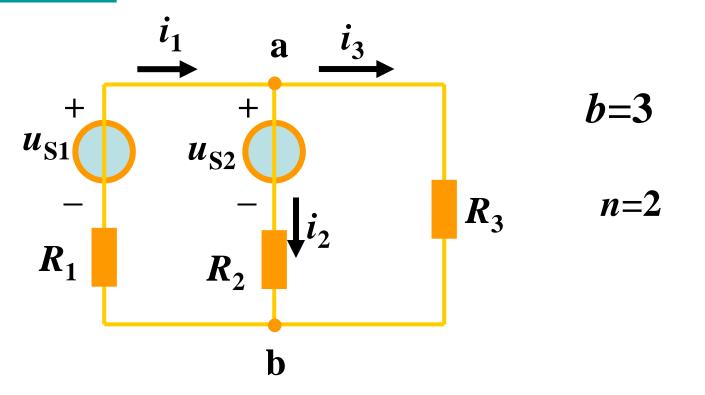
Gustav Robert Kirchhoff (1824-1887)

基尔霍夫定律包括基尔霍夫电流定律 (KCL)和基尔霍夫电压定律(KVL)。它反映了电路中所有支路电压和电流所遵循的基本规律,是分析集总参数电路的基本定律。基尔霍夫定律与元件特性构成了电路分析的基础。



### 1. 几个名词

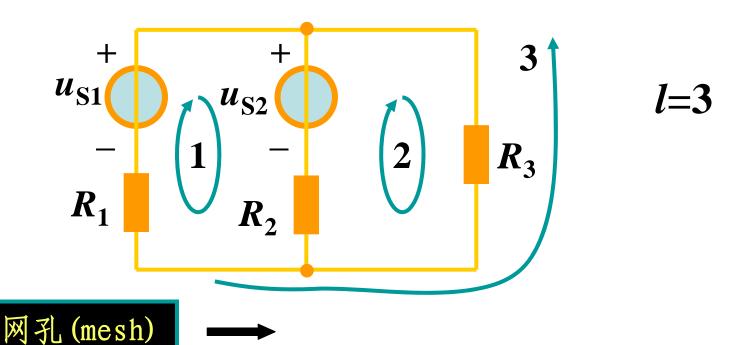
(1) 支路 (branch) 电路中通过同一电流的分支。(b)



(2) 节点 (node)  $\longrightarrow$  三条或三条以上支路的连接点称 为节点。(n)

(3) 路径(path) — 两节点间的一条通路。由支路构成。

(4) 回路(loop) 由支路组成的闭合路径。(l)



对平面电路, 其内部不含任何支路的回路称网孔。

网孔是回路, 但回路不一定是网孔



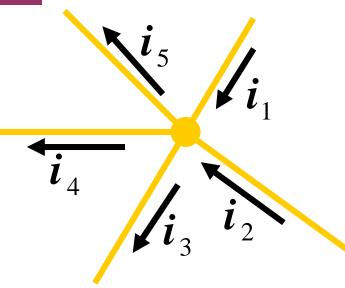
#### 2. 基尔霍夫电流定律 (KCL)

在集总参数电路中,任意时刻,对任意节点流出或流入该节点电流的代数和等于零。 流入的电

$$\sum_{k=1}^{m} i(t) = 0$$

or  $\sum i_{\lambda} = i_{\perp}$  流等于流出的电流

例



令流出为"+",有:

$$-i_1 - i_2 + i_3 + i_4 + i_5 = 0$$

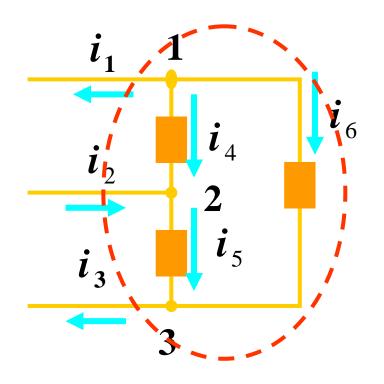
$$i_1 + i_2 = i_3 + i_4 + i_5$$



例 
$$i_1 + i_4 + i_6 = 0$$
 $-i_2 - i_4 + i_5 = 0$ 
 $i_3 - i_5 - i_6 = 0$ 

三式相加得: 
$$i_1 - i_2 + i_3 = 0$$

表明KCL可推广应用于电路中包 围多个结点的任一闭合面



## 明确

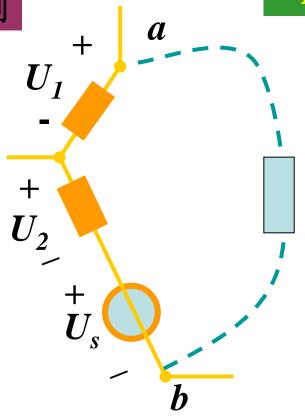
- (1) KCL是电荷守恒和电流连续性原理在电路中任 意结点处的反映;
  - (2) KCL是对支路电流加的约束,与支路上接的是什么元件无关,与电路是线性还是非线性无关;
- (3) KCL方程是按电流参考方向列写,与电流实际方向无关。

#### 3. 基尔霍夫电压定律 (KVL)

在集总参数电路中,任一时刻,沿任一闭合路径绕行,各支路电压的代数和等于零。



#### KVL也适用于电路中任一假想的回路



$$\boldsymbol{U_{ab}} = \boldsymbol{U_1} + \boldsymbol{U_2} + \boldsymbol{U_S}$$

## 明确

- (1) KVL的实质反映了电路遵 从能量守恒定律;
- (2) KVL是对回路电压加的约束, 与回路各支路上接的是什么元件无关 ,与电路是线性还是非线性无关;
- (3) KVL方程是按电压参考方向列写,与电压实际方向无关。



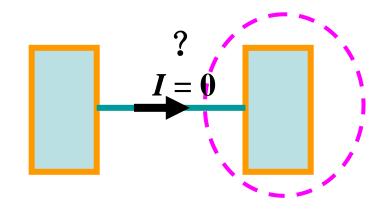
#### 4. KCL、KVL小结:

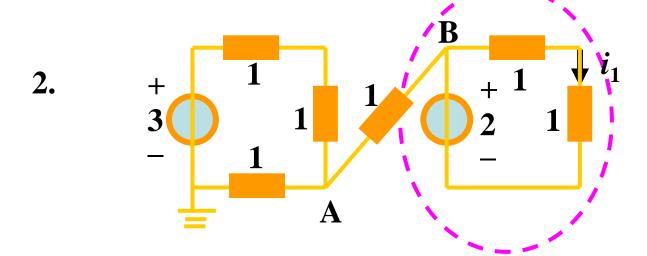
- (1) KCL是对支路电流的线性约束, KVL是对回路电压的线性约束。
- (2) KCL、KVL与组成支路的元件性质及参数无关。
- (3) KCL表明在每一节点上电荷是守恒的; KVL是能量守恒的具体体现(电压与路径无关)。
- (4) KCL、KVL只适用于集总参数的电路。

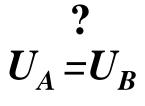


思考:

1.

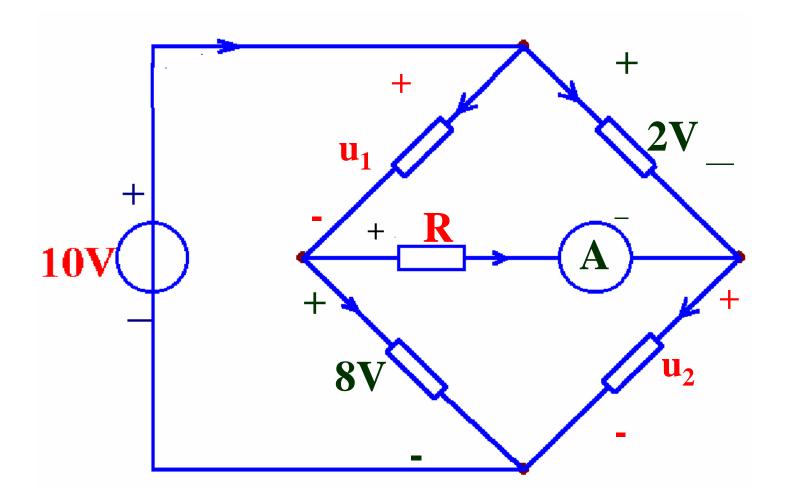






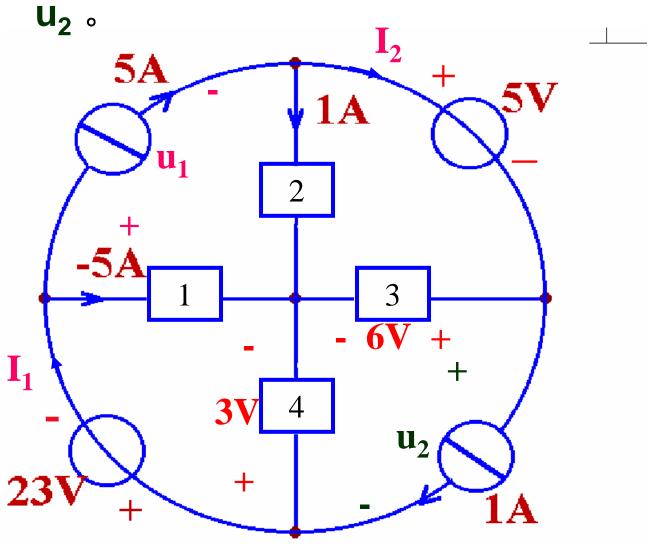


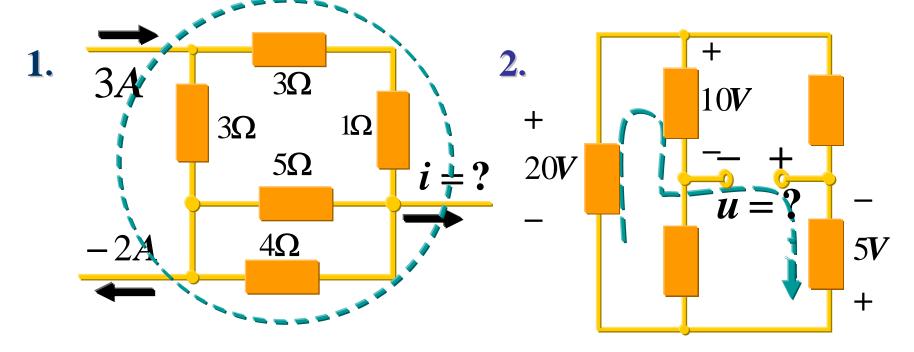
# 例1: 图示电路,电阻R有无电流?求电压 $u_1$ 和 $u_2$ 。





# 例2:图示电路,求电流 $I_1 \setminus I_2$ 和电压 $U_1 \setminus I_2$





$$i = 3 - (-2) = 5A$$

$$u = 10 - 20 - 5 = -15V$$

3. 
$$i = ?$$

$$3\Omega$$

$$+$$

$$3V$$

$$3i - 4 = 5$$

$$i = 3 A$$

$$u = ?$$

$$U = ?$$

$$U = ?$$

$$u = ?$$

$$+ O$$

$$+$$

$$u = 5 + 7 = 12V$$



## 1.4 电阻元件 (resistor)

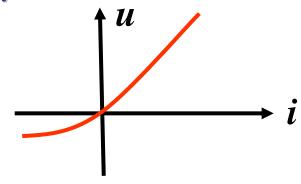
1. 定义

电阻元件

—— 对电流呈现阻力的元件。其伏安关系用u~i 平面的一条曲线来描述:

$$f(u,i) = 0$$

伏安特性



#### 2. 线性定常电阻元件

任何时刻端电压与其电流成正比的电阻元件。

• 电路符号

R



## u ~i 关系

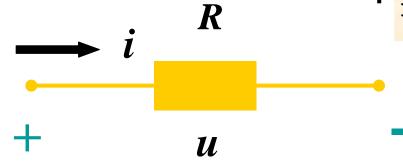
→ 满足欧姆定律 (Ohm's Law)



$$u = Ri$$
  $R = u/i$   
 $i = u/R = Gu$ 

伏安特性为一条过原点的直线

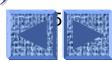
u、i 取关联 参考方向



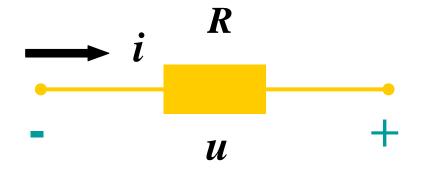
• 单位

► R 称为电阻,单位:  $\Omega$  (欧) (Ohm, 欧姆)

G称为电导,单位: S(西门子) (Siemens,西门子)



- (1) 只适用于线性电阻,(R为常数)
  (2) 如电阻上的电压与电流参考方向非关联公式中应冠以负号
  (3) 说明线性电阻是无记忆、双向性的元件



则欧姆定律写为

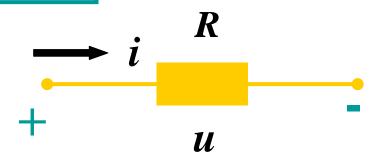
$$u = -R i$$

$$u = -R i$$
  $i = -G u$ 

公式和参考方向必须配套使用!

### 3. 功率和能量





$$p = u i = i^2 R = u^2 / R$$

$$\begin{array}{c}
R \\
\hline
 & u \\
\end{array}$$

$$p = -u i = -(-R i) i = i^{2} R$$
  
=  $-u(-u/R) = u^{2}/R$ 

上述结果说明电阻元件在任何时刻总是消耗功率的。



### 4. 含源支路的欧姆定律

### 电动势与电阻相串联的支路

如图 (a) 所示含源支路。

$$U$$
ab= $U$ ac+ $U$ cb

其中 *U*ac=*IR*,*U*cb=**E** 代入上式,得 *U*=*IR*+**E** 

从而,有 $I = \frac{U-E}{R}$  称含源支路的欧姆定律。

对应图(b)有 U=-IR+E 从而,

$$I = \frac{-U + E}{R}$$

请同学们写出(c)图的欧姆定律

### 5. 分立与集成电路中的电阻元件

● 电阻器的元件参数

阻值、误差、温度系数和额定功率等。

### • 电阻器的类型

碳膜电阻器、金属膜电阻器、金属氧化膜电阻器和绕线功率电阻器等。碳膜电阻器价格较低,最为常见,广泛应用于各种电子产品中;金属膜电阻器精度较高,温度系数较小,但价格高;金属氧化膜电阻器价格低廉,承受功率的能力强,但阻值范围小;绕线电阻器精度高,温度系数低,但高频特性较差。

### • 集成电路中的电阻元件

在集成电路中,某些电阻是由金属氧化物半导体场效应管 (MOSFET)来实现的。

# 常用的各种二端电阻器件



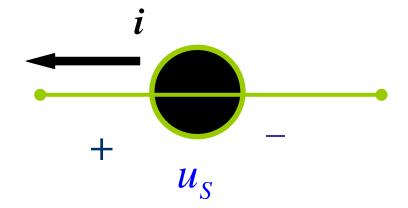
# 1.5 电源元件 (independent source)

1. 理想电压源

● 定义

其两端电压总能保持定值或一定的时间函数, 其值与流过它的电流 i 无关的元件叫理想电压源。

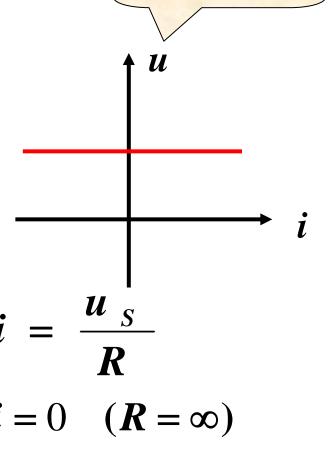
### • 电路符号





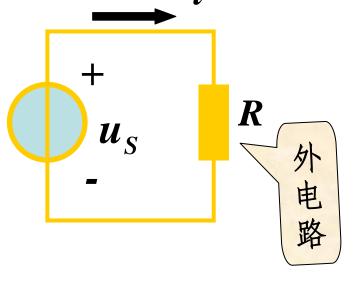
### ● 理想电压源的电压、电流关系

- (1)电源两端电压由电源本身决定, 与外电路无关;与流经它的电流方 向、大小无关。
- (2)通过电压源的电流由电源及外 电路共同决定。



伏安关系

例



$$i = \frac{u_{S}}{R}$$

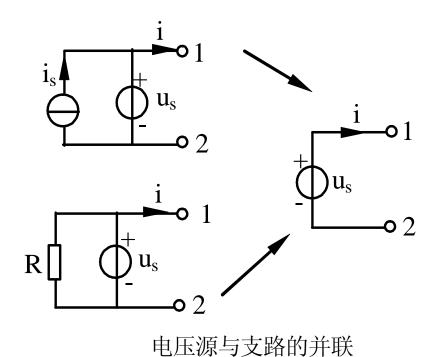
$$i=0 \quad (R=\infty)$$

$$i = \infty \quad (R = 0)$$

电压源不能短路!

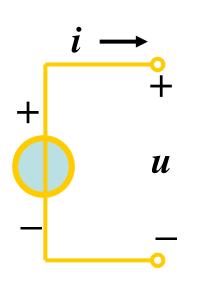


# 任意电路元件(当然也包含理想电流源元件) 与理想电压源u<sub>s</sub>并联



### ●电压源的功率





(1) 电压、电流的参考方向非关联;

### 物理意义:

电流(正电荷)由低电位向 高电位移动, 外力克服电场 力作功电源发出功率。

(2) 电压、电流的参考方向关联;

物理意义: 电场力做功, 电源吸收功率。

$$P = u_s i$$
 吸收功率,充当负载

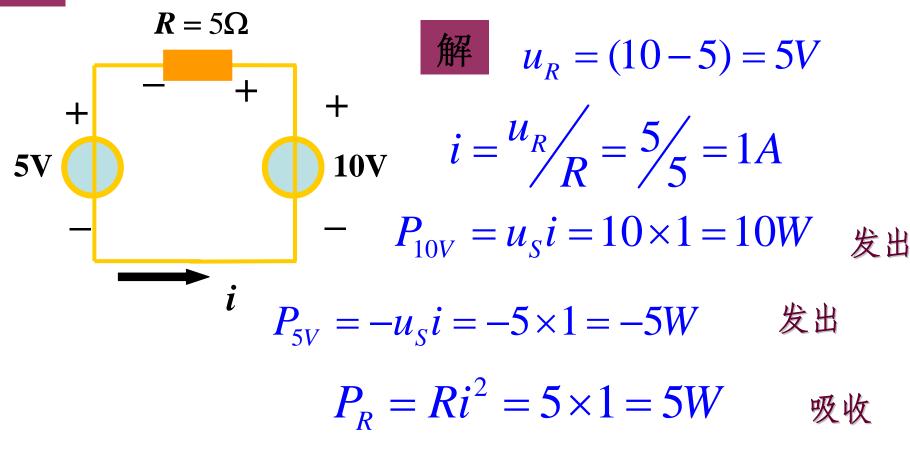
u

或: 
$$P = -u_S i$$
 发出负功



例

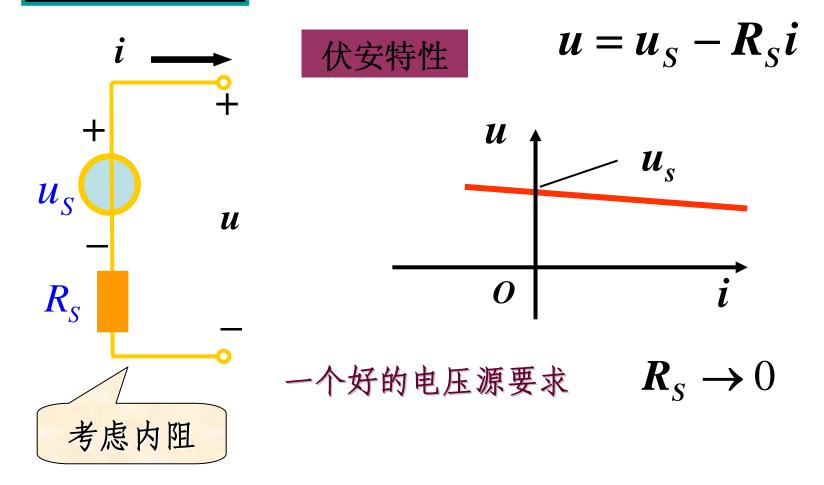
计算图示电路各元件的功率。



满足:  $P(\xi) = P(\mathfrak{B})$ 



### • 实际电压源



实际电压源也不允许短路。因其内阻小,若短路,电流很大,可能烧毁电源。



### 常用的干电池和可充电电池



### 实验室使用的直流稳压电源



用示波器观测直流稳压电源的电压随时间变化的波形。

### 2. 理想电流源

● 定义

其输出电流总能保持定值或一定的时间函数,其值与它的两端电压u 无关的元件叫理想电流源。

• 电路符号

 $i_S$  + u

● 理想电流源的电压、电流关系

(1) 电流源的输出电流由电源本身决定,与外电路无关;与它两端电压方向、大小无关

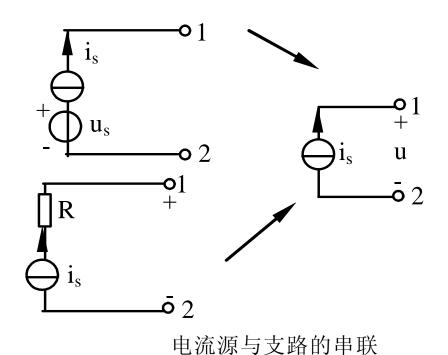
(2) 电流源两端的电压由电源及外电路共同决定

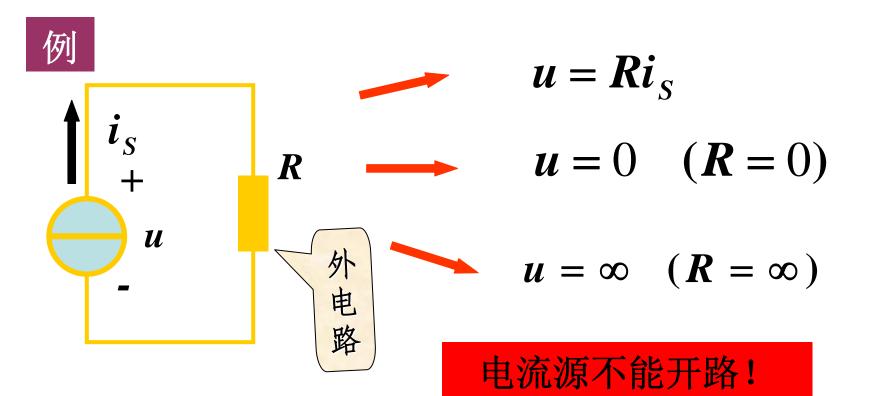
伏安

关系

U

# 任意电路元件(当然也包含理想电压源元件) 与理想电流源i<sub>s</sub>串联





### 实际电流源的产生

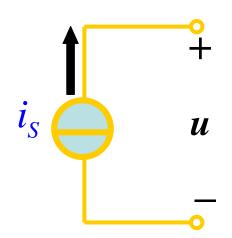
可由稳流电子设备产生,如晶体管的集电极电流与负载无关;光电池在一定光线照射下光电池被激发产生一定值的电流等。



### ●电流源的功率



$$P = ui_S$$



(1) 电压、电流的参考方向非关联;

$$P = ui_S$$
 — 发出功率,起电源作用

(2) 电压、电流的参考方向关联;

$$i_S$$
 $u$ 

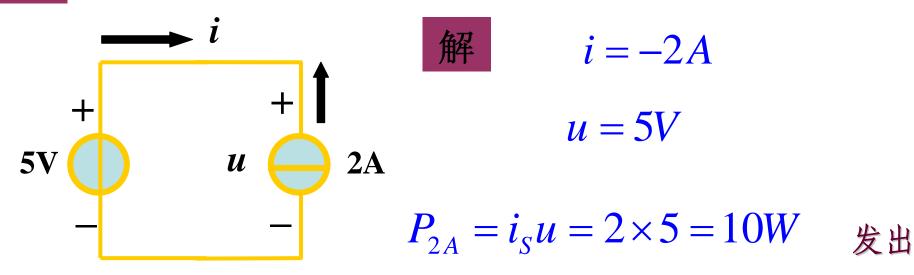
$$P = ui_S$$
 — 吸收功率,充当负载

或: 
$$P = -i_S u$$
 发出负功



例

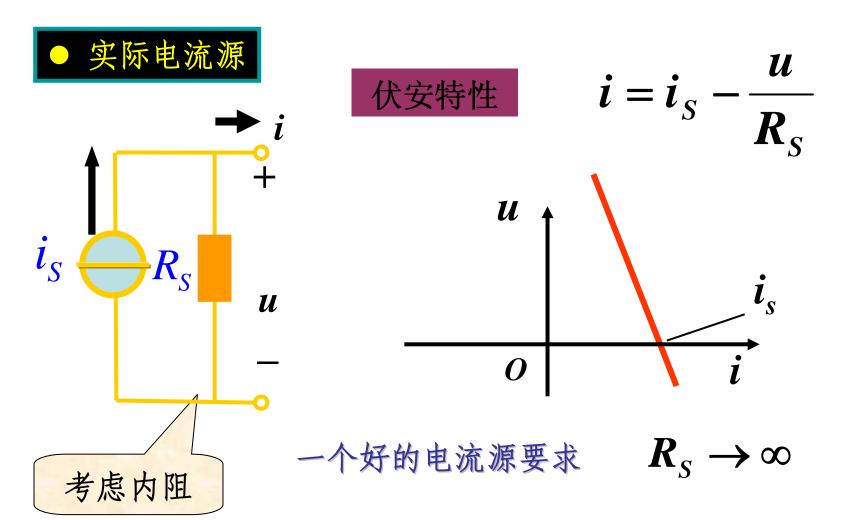
计算图示电路各元件的功率。



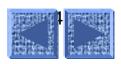
$$P_{5V} = u_S i = 5 \times (-2) = -10W$$
 发出

满足:  $P(\xi) = P(\mathfrak{P})$ 





实际电流源也不允许开路。因其内阻大,若 开路,电压很高,可能烧毁电源。



# 1.6 受控电源 (非独立源) (controlled source or dependent source)

### 1. 定义



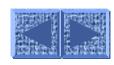
电压或电流的大小和方向不是给定的时间函数,而是受电路中某个地方的电压(或电流)控制的电源,称受控源

### • 电路符号



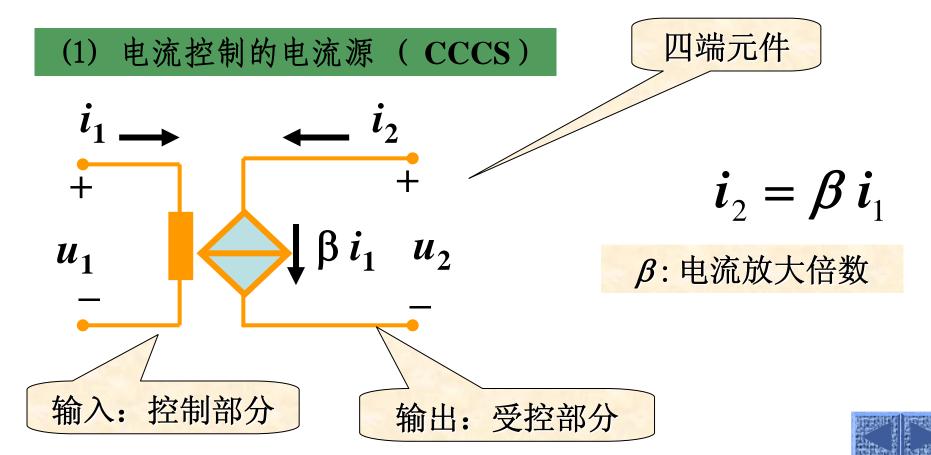
受控电压源

受控电流源

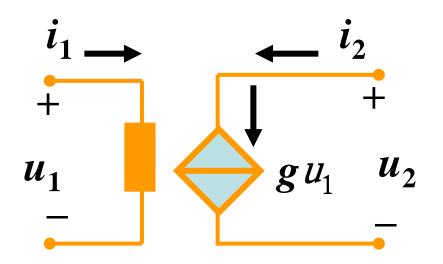


### 2. 分类

根据控制量和被控制量是电压 *u* 或电流 *i* ,受控源可分 四种类型: 当被控制量是电压时,用受控电压源表示; 当被控制量是电流时,用受控电流源表示。



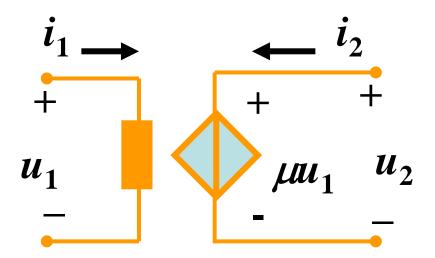
### (2) 电压控制的电流源 ( VCCS )



$$i_2 = gu_1$$

g:转移电导

### (3) 电压控制的电压源 ( VCVS )

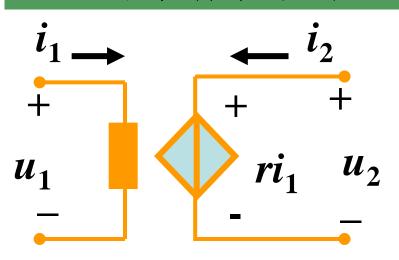


$$\boldsymbol{u}_2 = \boldsymbol{\mu} \, \boldsymbol{u}_1$$

μ: 电压放大倍数

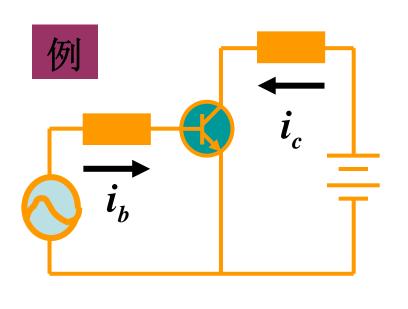


### (4) 电流控制的电压源 ( CCVS )

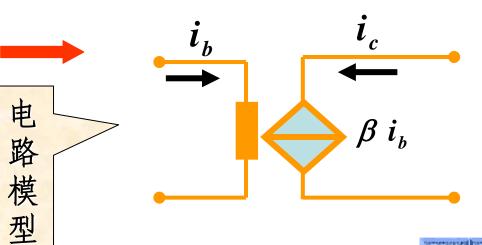


$$u_2 = ri_1$$

r:转移电阻



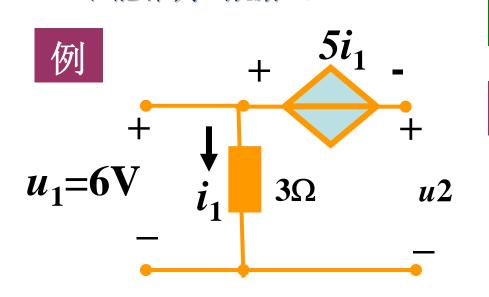
$$i_c = \beta i_b$$





### 3. 受控源与独立源的比较

- (1) 独立源电压(或电流)由电源本身决定,与电路中其它电压、电流无关,而受控源电压(或电流)由控制量决定。
- (2) 独立源在电路中起"激励"作用,在电路中产生电压、电流,而受控源只是反映输出端与输入端的受控关系,在电路中不能作为"激励"。



### 求: 电压u<sub>2</sub>

 $i_1 = \frac{6}{3} = 2A$ 

$$u_2 = -5i_1 + 6$$
  
=  $-10 + 6 = -4V$ 



### 1.7 简单电路分析

### 两类约束的概念:

- (1) 结构约束(KCL, KVL): 与电路支路性质 无关,只取决于电路的连接结构。
- (2) 支路约束(支路VAR): 取决于支路元件的性质(元件约束)。

### 说明:

利用两类约束可以直接列写电路方程求解电路, 因此这两类约束是电路分析的基本依据。

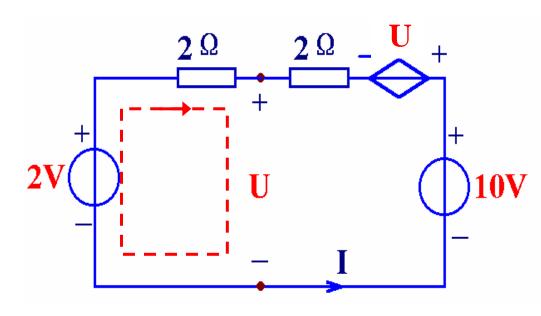
## 例 1: 图示电路,求电压U和电流I。

### 解:

$$-4I - 6U = -8$$

又有 U

$$U = 2I + 2$$



$$U = 1.5v$$
  $I = -0.25A$ 

$$P = 6UI = -2.25W$$

(具有电源性)

若受控源:

$$6U\rightarrow U$$

$$U = 4v$$
  $I=1A$ 

(具有电阻性)

### 例 2:

图示电路,求电压u、电流I<sub>1</sub>和电阻R。

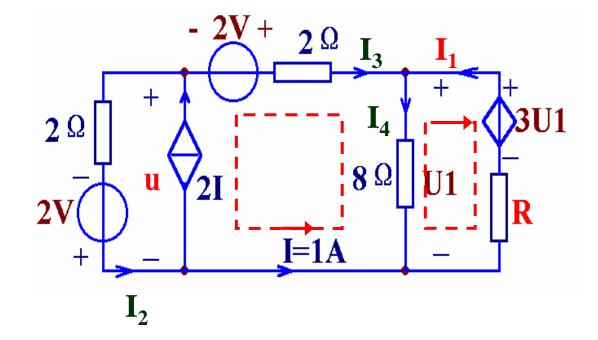
解:

$$I_3 = -1A$$

$$I_2=3A$$

$$u=2I_2-2=4 v$$

由KVL,有



$$u - U_1 - 2I_3 + 2 = 0$$

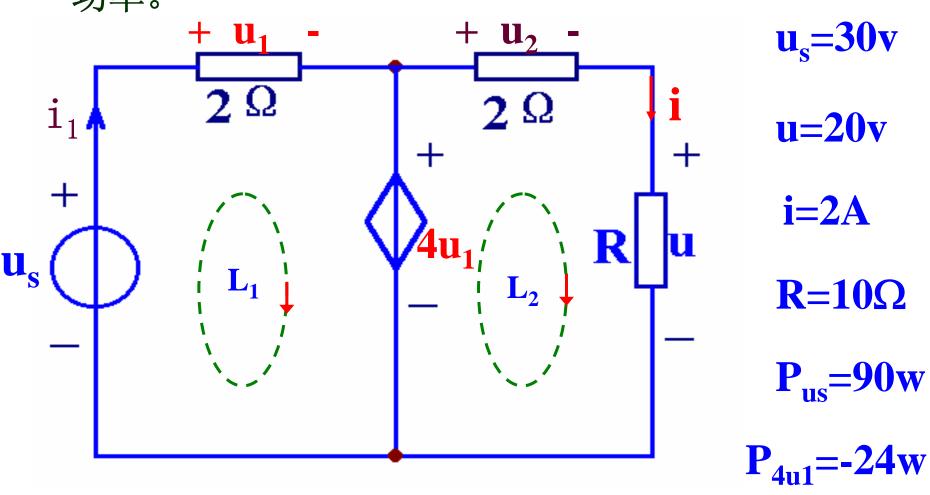
$$I_1 = I + I_4 = 2A$$

$$U_1 = 8v I_4 = 1A$$

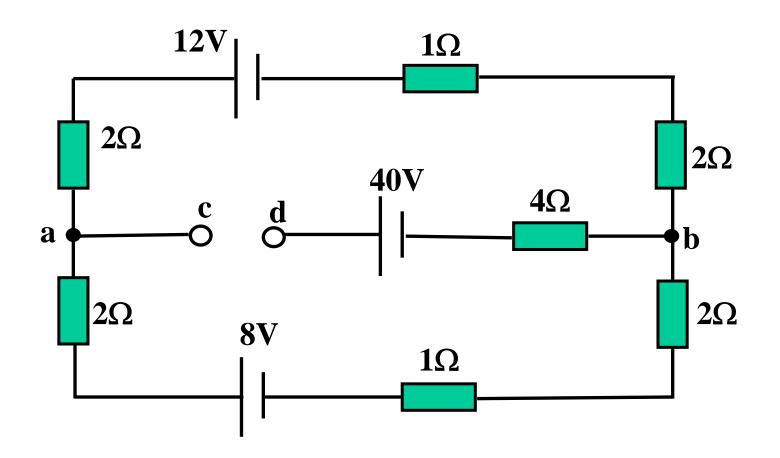
$$U_1=3U_1-RI_1$$

 $R=8\Omega$ 

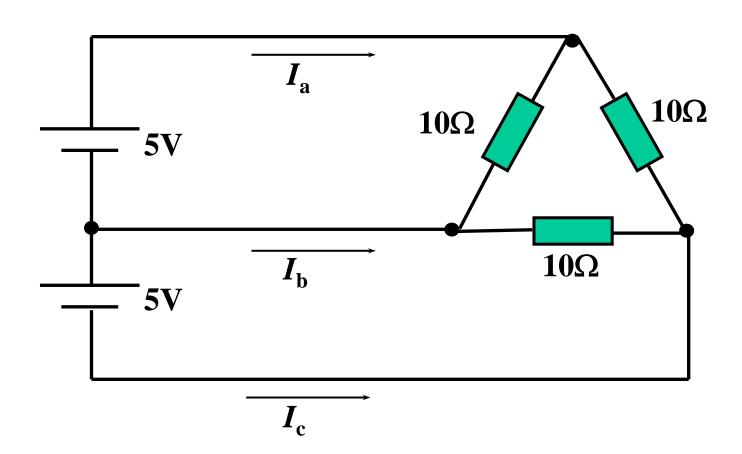
练习题: 1. 图示电路, $i_1$  =3A, $u_2$  =4V。求电流 i、电压u、 $u_s$  和电阻R,并求电源、受控源发出的功率。



### 2. 图示电路, 求Uab和Ucd。(10V, -30V)



### 3.图示电路,求 $I_a$ , $I_b$ 和 $I_c$ 。(1.5A, 0A, -1.5A)



# 本章要点:

1 电路及电路模型:

电路作用、分类、理想元件、理想电路模型

- 2 电路分析基本变量 定义、大小、单位:方向:关联参考方向
- 3 基尔霍夫定律 KCL、KVL内容、推广形式、物理意义
- 4 电路常用元件 无源元件(电阻、电感、电容); 有源元件(理想电压源、理想电流源); 受控源(VCCS、CCCS、VCVS、VCVS)