

一、填空题（每空 1 分，共 15 分）

1. 向量、栈和队列都是 线性 结构，可以在向量的 任何 位置插入和删除元素；对于栈只能在 栈顶 插入和删除元素；对于队列只能在 队尾 插入和 队首 删除元素。
2. 栈是一种特殊的线性表，允许插入和删除运算的一端称为 栈顶。不允许插入和删除运算的一端称为 栈底。
3. 队列 是被限定为只能在表的一端进行插入运算，在表的另一端进行删除运算的线性表。
4. 在一个循环队列中，队首指针指向队首元素的 前一个 位置。
5. 在具有 n 个单元的循环队列中，队满时共有 $n-1$ 个元素。
6. 向栈中压入元素的操作是先 移动栈顶指针，后 存入元素。
7. 从循环队列中删除一个元素时，其操作是先 移动队首指针，后 取出元素。
8. 带表头结点的空循环双向链表的长度等于 0。

解：

head	L=head	头结点	R=head
------	--------	-----	--------

二、判断正误（判断下列概念的正确性，并作出简要的说明。）（每小题 1 分，共 10 分）

- (☒) 1. 线性表的每个结点只能是一个简单类型，而链表的每个结点可以是一个复杂类型。
错，线性表是逻辑结构概念，可以顺序存储或链式存储，与元素数据类型无关。
- (☒) 2. 在表结构中最常用的是线性表，栈和队列不太常用。
错，不一定吧？调用子程序或函数常用，CPU 中也用队列。
- (☒) 3. 栈是一种对所有插入、删除操作限于在表的一端进行的线性表，是一种后进先出型结构。
- (☒) 4. 对于不同的使用者，一个表结构既可以是栈，也可以是队列，也可以是线性表。
正确，都是线性逻辑结构，栈和队列其实是特殊的线性表，对运算的定义略有不同而已。
- (☒) 5. 栈和链表是两种不同的数据结构。
错，栈是逻辑结构的概念，是特殊线性表，而链表是存储结构概念，二者不是同类项。
- (☒) 6. 栈和队列是一种非线性数据结构。
错，他们都是线性逻辑结构，栈和队列其实是特殊的线性表，对运算的定义略有不同而已。
- (☒) 7. 栈和队列的存储方式既可是顺序方式，也可是链接方式。
- (☒) 8. 两个栈共享一片连续内存空间时，为提高内存利用率，减少溢出机会，应把两个栈的栈底分别设在这片内存空间的两端。
- (☒) 9. 队是一种插入与删除操作分别在表的两端进行的线性表，是一种先进后出型结构。
错，后半句不对。
- (☒) 10. 一个栈的输入序列是 12345，则栈的输出序列不可能是 12345。
错，有可能。

三、单项选择题（每小题 1 分，共 20 分）

- (☒ B) 1. 栈中元素的进出原则是
A. 先进先出 B. 后进先出 C. 栈空则进 D. 栈满则出
- (☒ C) 2. 若已知一个栈的入栈序列是 1, 2, 3, ..., n ，其输出序列为 $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$ ，若 $p_1=n$ ，则 p_i 为
A. i B. $n-i$ C. $n-i+1$ D. 不确定

解释：当 $p_1=n$ ，即 n 是最先出栈的，根据栈的原理， n 必定是最后入栈的（事实上题目已经表明了），那么输入顺序必定是 1, 2, 3, ..., n ，则出栈的序列是 $n, \dots, 3, 2, 1$ 。

（若不要求顺序出栈，则输出序列不确定）

(B) 3.判定一个栈 ST (最多元素为 m_0) 为空的条件是
A. $ST \rightarrow top < 0$ B. $ST \rightarrow top = 0$ C. $ST \rightarrow top < m_0$ D. $ST \rightarrow top = m_0$

(A) 4.判定一个队列 QU (最多元素为 m_0) 为满队列的条件是
A. $QU \rightarrow rear - QU \rightarrow front == m_0$ B. $QU \rightarrow rear - QU \rightarrow front - 1 == m_0$
C. $QU \rightarrow front == QU \rightarrow rear$ D. $QU \rightarrow front == QU \rightarrow rear + 1$

解: 队满条件是元素个数为 m_0 。由于约定满队时队首指针与队尾指针相差 1, 所以不必再减 1 了, 应当选 A。当然, 更正确的答案应该取模, 即: $QU \rightarrow front == (QU \rightarrow rear + 1) \% m_0$

(D) 5. 数组 $Q[n]$ 用来表示一个循环队列, f 为当前队列头元素的前一位置, r 为队尾元素的位置, 假定队列中元素的个数小于 n , 计算队列中元素的公式为
(A) $r - f$; (B) $(n + f - r) \% n$; (C) $n + r - f$; (D) $(n + r - f) \% n$

6. 从供选择的答案中, 选出应填入下面叙述____?____内的最确切的解答, 把相应编号写在答卷的对应栏内。

设有 4 个数据元素 a_1 、 a_2 、 a_3 和 a_4 , 对他们分别进行栈操作或队操作。在进栈或进队操作时, 按 a_1 、 a_2 、 a_3 、 a_4 次序每次进入一个元素。假设栈或队的初始状态都是空。

现要进行的栈操作是进栈两次, 出栈一次, 再进栈两次, 出栈一次; 这时, 第一次出栈得到的元素是 A, 第二次出栈得到的元素是 B 是; 类似地, 考虑对这四个数据元素进行的队操作是进队两次, 出队一次, 再进队两次, 出队一次; 这时, 第一次出队得到的元素是 C, 第二次出队得到的元素是 D。经操作后, 最后在栈中或队中的元素还有 E 个。

供选择的答案:

A~D: ① a_1 ② a_2 ③ a_3 ④ a_4

E: ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 0

答: ABCDE=2, 4, 1, 2, 2

7. 从供选择的答案中, 选出应填入下面叙述____?____内的最确切的解答, 把相应编号写在答卷的对应栏内。

栈是一种线性表, 它的特点是 A。设用一维数组 $A[1, \dots, n]$ 来表示一个栈, $A[n]$ 为栈底, 用整型变量 T 指示当前栈顶位置, $A[T]$ 为栈顶元素。往栈中推入 (PUSH) 一个新元素时, 变量 T 的值 B; 从栈中弹出 (POP) 一个元素时, 变量 T 的值 C。设栈空时, 有输入序列 a, b, c , 经过 PUSH, POP, PUSH, PUSH, POP 操作后, 从栈中弹出的元素的序列是 D, 变量 T 的值是 E。

供选择的答案:

A: ① 先进先出 ② 后进先出 ③ 进优于出 ④ 出优于进 ⑤ 随机进出

B, C: ① 加 1 ② 减 1 ③ 不变 ④ 清 0 ⑤ 加 2 ⑥ 减 2

D: ① a, b ② b, c ③ c, a ④ b, a ⑤ c, b ⑥ a, c

E: ① $n+1$ ② $n+2$ ③ n ④ $n-1$ ⑤ $n-2$

答案: ABCDE=2, 2, 1, 6, 4

注意, 向地址的高端生长, 称为向上生成堆栈; 向地址低端生长叫向下生成堆栈, 本题中底部为 n , 向地址的低端递减生成, 称为向下生成堆栈。

8. 从供选择的答案中, 选出应填入下面叙述____?____内的最确切的解答, 把相应编号写在答卷的对应栏内。

在做进栈运算时, 应先判别栈是否 A; 在做退栈运算时, 应先判别栈是否 B。当栈中元素为 n 个, 做进栈运算时发生上溢, 则说明该栈的最大容量为 C。

为了增加内存空间的利用率和减少溢出的可能性，由两个栈共享一片连续的内存空间时，应将两栈的__D__分别设在这片内存空间的两端，这样，只有当__E__时，才产生上溢。

供选择的答案：

A, B: ①空 ② 满 ③ 上溢 ④ 下溢

C: ①n-1 ② n ③ n+1 ④ n/2

D: ① 长度 ②深度 ③ 栈顶 ④ 栈底

E: ①两个栈的栈顶同时到达栈空间的中心点 ②其中一个栈的栈顶到达栈空间的中心点

③两个栈的栈顶在达栈空间的某一位置相遇 ④两个栈均不空，且一个栈的栈顶到达另一个栈的栈底

答案：ABCDE=2, 1, 2, 4, 3

四、简答题（每小题 4 分，共 20 分）

1.说明线性表、栈与队的异同点。

答：相同点：都是线性结构，都是逻辑结构的概念。都可以用顺序存储或链表存储；栈和队列是两种特殊的线性表，即受限的线性表，只是对插入、删除运算加以限制。

不同点：①运算规则不同，线性表为随机存取，而栈是只允许在一端进行插入、删除运算，因而是后进先出表 LIFO；队列是只允许在一端进行插入、另一端进行删除运算，因而是先进先出表 FIFO。

② 用途不同，堆栈用于子程序调用和保护现场，队列用于多道作业处理、指令寄存及其他运算等等。

2.设有编号为 1, 2, 3, 4 的四辆列车，顺序进入一个栈式结构的车站，具体写出这四辆列车开出车站的所有可能的顺序。

答：至少有 14 种。

① 全进之后再出情况，只有 1 种：4, 3, 2, 1

② 进 3 个之后再出的情况，有 3 种，3,4,2,1 3,2,4,1 3,2,1,4

③ 进 2 个之后再出的情况，有 5 种，2,4,3,1 2,3,4,1 2,1, 3,4 2,1,4,3 2,1,3,4

④ 进 1 个之后再出的情况，有 5 种，1,4,3,2 1,3,2,4 1,3,4,2 1, 2,3,4 1,2,4,3

3.假设正读和反读都相同的字符序列为“回文”，例如，‘abba’和‘abcba’是回文，‘abcde’和‘ababab’则不是回文。假设一字符序列已存入计算机，请分析用线性表、堆栈和队列等方式正确输出其回文的可能性？

答：线性表是随机存储，可以实现，靠循环变量（j--）从表尾开始打印输出；

堆栈是后进先出，也可以实现，靠正序入栈、逆序出栈即可；

队列是先进先出，不易实现。

哪种方式最好，要具体情况具体分析。若正文在机内已是顺序存储，则直接用线性表从后往前读取即可，或将堆栈栈顶开到数组末尾，然后直接用 POP 动作实现。（但堆栈是先减后压还是……）

若正文是单链表形式存储，则等同于队列，需开辅助空间，可以从链首开始入栈，全部压入后再依次输出。

4.顺序队的“假溢出”是怎样产生的？如何知道循环队列是空还是满？

答：一般的一维数组队列的尾指针已经到了数组的上界，不能再有入队操作，但其实数组中还有空位置，这就叫“假溢出”。

采用循环队列是解决假溢出的途径。

另外，解决队满队空的办法有三：

① 设置一个布尔变量以区别队满还是队空；

② 浪费一个元素的空间，用于区别队满还是队空。

③ 使用一个计数器记录队列中元素个数（即队列长度）。

我们常采用法②，即队头指针、队尾指针中有一个指向实元素，而另一个指向空闲元素。

判断循环队列队空标志是： $f=rear$ 队满标志是： $f=(r+1)\%N$

5. 设循环队列的容量为 40（序号从 0 到 39），现经过一系列的入队和出队运算后，有

① $front=11, rear=19$; ② $front=19, rear=11$; 问在这两种情况下，循环队列中各有元素多少个？

答：用队列长度计算公式： $(N+r-f)\%N$

① $L=(40+19-11)\%40=8$

② $L=(40+11-19)\%40=32$

五、阅读理解（每小题 5 分，共 20 分。至少要写出思路）

1. 按照四则运算加、减、乘、除和幂运算（↑）优先关系的惯例，并仿照教材例 3-2 的格式，画出对下列算术表达式求值时操作数栈和运算符栈的变化过程：

$$A-B\times C/D+E\uparrow F$$

序号	OPTR 栈	OPND 栈	当前字符													备注 (操作)
			A	-	B	*	C	/	D	+	E	^	F	#		
1	#		.												push(OPND, 'A')	
2	#	A		.											push(OPTR, ' - ')	
3	# -	A			.										push(OPND, 'B')	
4	# -	AB				.									push(OPTR, ' * ')	
5	# - *	AB					.								push(OPND, 'C')	
6	# - *	ABC						.							归约, 令 $T_1 = B * C$	
7	# -	AT_1						.							push(OPTR, ' / ')	
8	# -	AT_1							.						push(OPND, 'D')	
9	# - /	AT_1D								.					归约, 令 $T_2 = T_1 / D$	
10	# - /	AT_2								.					归约, 令 $T_3 = A - T_2$	
11	#	T_2								.					push(OPTR, ' + ')	
12	# +	T_3									.				push(OPND, 'E')	
13	# +	T_3E										.			push(OPTR, ' ^ ')	
14	# + ^	T_3E											.		push(OPND, 'F')	
15	# + ^	T_3EF												.	归约, 令 $T_4 = E ^ F$	
16	# +	T_3T_4												.	归约, 令 $T_5 = T_3 + T_4$	
17	#	T_5												.	return(T_5)	

答：

2. 写出下列程序段的输出结果（栈的元素类型 SElem Type 为 char）。

```
void main() {
    Stack S;
    Char x,y;
    InitStack(S);
    X='c';y='k';
    Push(S,x); Push(S,'a'); Push(S,y);
    Pop(S,x); Push(S,'t'); Push(S,x);
```

```
Pop(S,x); Push(S,'s');
while(!StackEmpty(S)){ Pop(S,y);printf(y); };
Printf(x);
}
```

答：输出为 “stack”。

3. 写出下列程序段的输出结果（队列中的元素类型 QElem Type 为 char）。

```
void main() {
Queue Q; Init Queue (Q);
Char x='e'; y='c';
EnQueue (Q,'h'); EnQueue (Q,'r'); EnQueue (Q, y);
DeQueue (Q,x); EnQueue (Q,x);
DeQueue (Q,x); EnQueue (Q,'a');
while(!QueueEmpty(Q)){ DeQueue (Q,y);printf(y); };
Printf(x);
}
```

答：输出为 “char”。

4. 简述以下算法的功能（栈和队列的元素类型均为 int）。

```
void algo3(Queue &Q){
Stack S; int d;
InitStack(S);
while(!QueueEmpty(Q)){
DeQueue (Q,d); Push(S,d);
};
while(!StackEmpty(S)){
Pop(S,d); EnQueue (Q,d);
}
}
```

答：该算法的功能是：利用堆栈做辅助，将队列中的数据元素进行逆置。

六、算法设计（每小题 5 分，共 15 分。至少要写出思路）

1. 假设一个算术表达式中包含圆括弧、方括弧和花括弧三种类型的括弧，编写一个判别表达式中括弧是否正确配对的函数 correct(exp,tag)；其中：exp 为字符串类型的变量（可理解为每个字符占用一个数组元素），表示被判别的表达式，tag 为布尔型变量。

答：用堆栈 st 进行判定，将 [(、[或 { 入栈，当遇到]、] 或) 时，检查当前栈顶元素是否是对应的]、] 或)，若是则退栈，否则返回表示不配对。当整个算术表达式检查完毕时，若栈为空表示括号正确配对，否则不配对。

编程后的整个函数如下（李书 P31—32）

```
#define m0 100 /*m0 为算术表达式中最多字符个数*/
correct(exp,tag)
char exp[m0];
int tag;
{char st[m0];
```

```

int top=0, i=1;
tag=1;
while (i<=m0 && tag)
{if (exp[i]= '('||exp[i]='['||exp[i]='{' )    /*遇到'(', '['或'{', 则将其入栈*/
{top++;
st[top]=exp[i];
}
if (exp[i]= ')')    /*遇到')', 若栈顶是'(', 则继续处理, 否则以不配对返回*/
if(st[top]= '(' ) top--;
else tag=0;
if (exp[i]= ']')    /*遇到']', 若栈顶是'[', 则继续处理, 否则以不配对返回*/
if(st[top]= '[' ) top--;
else tag=0;
if (exp[i]= '}')    /*遇到'}', 若栈顶是'{', 则继续处理, 否则以不配对返回*/
if(st[top]= '{' ) top--;
else tag=0;
i++;
}
if(top>0)tag=0; /*若栈不空, 则不配对*/
}

```

严题集对应答案:

3.19

Status AllBrackets_Test(char *str)//判别表达式中三种括号是否匹配

```

{
    InitStack(s);
    for(p=str;*p;p++)
    {
        if(*p=='('||*p=='['||*p=='{') push(s,*p);
        else if(*p==')'||*p==']'||*p=='}')
        {
            if(StackEmpty(s)) return ERROR;
            pop(s,c);
            if(*p==')'&&c!='(') return ERROR;
            if(*p==']'&&c!='[') return ERROR;
            if(*p=='}'&&c!='{') return ERROR; //必须与当前栈顶括号匹配
        }
    }
    //for
    if(!StackEmpty(s)) return ERROR;
    return OK;
}
//AllBrackets_Test

```

答案（已上机通过）

```

#include<stdio.h>
#include<stdlib.h>

```

```

void push(char x);
void pop();
void correct(enum Boolean &tag);
//原来的定义是 void correct(struct Stack* head,enum Boolean &tag);

```

```

typedef struct Stack
{
    char data;
    struct Stack *next;
};

```

```

struct Stack *head,*p;
enum Boolean{FALSE,TRUE} tag;

```

```

void main()
{
    head=(struct Stack*)malloc(sizeof(struct Stack));
    head->data='S';
    head->next=NULL;
    // head's data has not been initialized!!
    correct(tag);
    if(tag)
        printf("Right!");
    else
        printf("Wrong!");
}

```

```

void push(char x)
{
    p=(struct Stack*)malloc(sizeof(struct Stack));
    if(!p)
        printf("There's no space.\n");
    else
    {
        p->data=x;
        p->next=head;
        head=p;
    }
}

```

// if you define the "Correct" function like that
//Debug will show that the Push action doesn't take effect

```

void pop()
{

```



```

if(head->next==NULL)
    printf("The stack is empty.\n");
else
{
    p=head;
    head=head->next;
    free(p);
}
}

```

```

//void correct(struct Stack* head,enum Boolean &tag)

```

```

void correct(enum Boolean &tag)

```

```

{
    int i;
    char y;

    printf("Please enter a bds:");
    for(i=0;y!="\n";i++)
    {
        scanf("%c",&y);
        if((y=='(')&&head->data=='(')||(y=='['&&head->data=='[')||(y=='{'&&head->data=='{'))
            pop();
        else if((y==')')||(y==']')||(y=='}'))
            push(y);

```

/*调试程序显示，y并没有被推入堆栈中。即 head->data 的值在 Push 中显示为 y 的值，但是出 Push 函数。马上变成 Null。*/

```

        else
            continue;
    }

    if(head->next==NULL)        //原来的程序是 if(head ==NULL)  tag=TRUE;
        tag=TRUE;
    else
        tag=FALSE;
}

```

/*总结： 由于 head 为全局变量，所以不应该将其再次作为函数的变量。因为 C 语言的函数变量是传值机制，所以在函数中对参数进行了拷贝复本，所以不能改变 head 的数值。*/

2.假设一个数组 `sq[u]` 存放循环队列的元素。若要使这 `m` 个分量都得到利用，则需另一个标志 `tag`，以 `tag` 为 0 或 1 来区分尾指针和头指针值相同时队列的状态是“空”还是“满”。试编写相应的入队和出队的算法。

解：这就是解决队满队空的三种办法之① 设置一个布尔变量以区别队满还是队空（其他两种见简答题）；

思路：一开始队空，设 `tag=0`，若从 `rear` 一端加到与 `front` 指针相同时，表示入队已满，则令 `tag=1`；

若从 `front` 一端加到与 `rear` 指针相同时，则令 `tag=0`，表示出队已空。

3.试写一个算法判别读入的一个以‘@’为结束符的字符序列是否是“回文”。

答：编程如下：

```
int Palindrome_Test()//判别输入的字符串是否回文序列,是则返回 1,否则返回 0
{
    InitStack(S);InitQueue(Q);
    while((c=getchar())!='@')
    {
        Push(S,c);EnQueue(Q,c); //同时使用栈和队列两种结构
    }
    while(!StackEmpty(S))
    {
        Pop(S,a);DeQueue(Q,b);
        if(a!=b) return ERROR;
    }
    return OK;
} //Palindrome_Test
```